

303|C

دفترچه شماره ۱

آزمون شماره ۱۹

جمعه ۹۸/۰۱/۲۳



آزمون‌های سراسری گاج

گروهه درست را از خارج کنید.

سال تحصیلی ۱۳۹۷-۹۸

سوالات آزمون

پایه دهم ریاضی

دورهی دوم متوسطه

شماره داوطلبی:	نام و نام خانوادگی:
مدت پاسخگویی: ۱۲۵ دقیقه	تعداد سوالاتی که باید پاسخ دهید: ۱۱۰

عنوانین مواد امتحانی آزمون گروه آزمایشی علوم ریاضی، تعداد سوالات و مدت پاسخگویی

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سوال	از	شماره سوال	مدت پاسخگویی
۱	فارسی ۱	۱۰	۱	۱۰	۱۰ دقیقه
۲	عربی، زبان قرآن ۱	۱۰	۱۱	۲۰	۱۰ دقیقه
۳	دین و زندگی ۱	۱۰	۲۱	۳۰	۱۰ دقیقه
۴	زبان انگلیسی ۱	۱۰	۳۱	۴۰	۱۰ دقیقه
۵	ریاضی ۱	۲۰	۴۱	۶۰	۴۰ دقیقه
	هندسه ۱	۱۰	۶۱	۷۰	
۶	فیزیک ۱	۲۰	۷۱	۹۰	۲۵ دقیقه
۷	شیمی ۱	۲۰	۹۱	۱۱۰	۲۰ دقیقه



303C

برای اطلاع از نتایج آزمون و زمان دینی اعلام آن در کنال تلگرام گاج عضو شوید. @Gaj_ir





فارسی



-۱ در کدام گزینه به معنی درست واژه‌های «هزیر - ڈمان - بسنده - مولع - فضل» اشاره شده است؟

- ۲) نیکو - غرّنده - کامل - سرگرم - کرم
۴) چایک - هولناک - شایسته - آزمند - دانش

۱) هوشیار - خروشنده - سزاوار - بدذات - بخشش

۳) شایسته - مهیب - کافی - بسیار مشتاق - نیکوبی

معنی چند واژه در مقابل آن نادرست نوشته شده است؟

-۲

«فتراک: ترک‌بند / افسر: دیپهیم / سندروس: هراسان / خدنگ: بی‌کار / هما: فرخنده / مکاری: حیله‌گر / کفاف: به اندازه‌ی کافی / یله: ناله /

ورطه: هلاکت / نمط: نوع»

-۳ ۱) چهار

در کدام بیت غلط املایی وجود دارد؟

۱) جهان تازه گردد چو خرم بهشت

۲) انحطاط و حضیض و دور و شمار

۳) عدل کن در ملک چون فرزانگان

۴) تقاض میثاق و شکست توبه‌ها

-۴ در کدام گزینه «حذف فعل» وجود دارد؟

۱) برفت از من آن روزهای عزیز

۲) در ارکان دولت نگه کرد شاه

۳) طمع بود از بخت نیکاخترم

۴) به بالا صنوبر، به دیدن چو حور

-۵ آرایه‌ی ذکر شده در مقابل کدام بیت درست نیست؟

۱) یقینم کان صنم بر ناتوانان

۲) به فرهاد ار رسید پیغام شیرین

۳) اگر دهقان چنان سروی بیابد

۴) صباگر بگذری روزی به کویش

-۶ کدام گزینه با دیگر گزینه‌ها ارتباط معنایی ندارد؟

۱) در وصف تو عقل و جان چون من شده سرگردان

۲) گهی از دست تو گیریم چون آتش می‌صافی

۳) نگارا دلبرا یارا نوشتن وصف تو نتوان

۴) من در بیان وصف تو حیران بماندهام

-۷ پیام ابیات زیر در کدام گزینه به چشم می‌خورد؟

«چشم‌هی کوچک چوبه آن جا رسید

خواست کز آن ورطه، قدم درکشد

لیک چنان خیره و خاموش ماند

۱) ز رشک طلعت خوبت بریزد اختر گردون

۲) چراغ عشق نمی‌گردد از لحد خاموش

۳) هر که ننشیند به جای خویشتن

۴) که ما را در آن ورطه‌ی یک نفس

۴) یک

۳) دو

۲) سه

شود خوب صحرا و بی‌غوله زشت
اوج خورشید و ثابت و سیار
تانگردی صخره دیوانگان
موجب لعنت شود در انتهای

به پایان رسید ناگه این روز نیز
از این خوبتر لفظ و معنی مخواه
که بال همای افکند بر سرم
چو خورشیدش از چهره می‌تافت نور

اگر رحمت نماید می‌تواند: استعاره
ز شادی جان شیرین برفشاند: تلمیح
به جای چشم به بر چشم نشاند: تضاد
بگو «خواجه» سلامت می‌رساند: تشخیص

ای وهم ز تو حیران آخر چه جمال است این
گهی در وصف تو خوانیم شعر آبداری خوش
به صد قرن و به صد دست و به صد کلک و به صد دفتر
حدی است حسن را و تو از حد گذشته‌ای

وان همه هنگامه‌ی دریا بدید
خویشتن از حادثه برتر کشد
کز همه شیرین سخنی گوش ماند»
ز اشک چشم‌هی چشم بمیرد آتش اختر
کی آتش جگر سنگ می‌شود خاموش؟
افتاد و بین دس زای خویشتن
زنگ دو گفتن به فریاد رس



-۸- کدام گزینه به مفهوم حدیث شریف «**حاسِبُوا قَبْلَ أَنْ تُحَاسِبُوا**» اشاره دارد؟

کار آیتمام را حساب نبود
روز حساب، عید بود خودحساب را
وگزنه ریگ بیان حساب می‌دارد
بر هیچ، یک دو صفر دگر هم فزودن است

- ۱) هرچه کردیم ماه و سال، حساب
- ۲) پرورای رسختخیز ندارند راستان
- ۳) غم من است که بیش است از حساب و شمار
- ۴) در دفتر محاسبه‌ی اعتبار ما

-۹- کدام گزینه با عبارت زیر تناسب معنایی بیشتری دارد؟

«چون آن درمک‌ها پیش او نهادم، در ما نگریست؛ پنداشت که ما دیوانه‌ایم. گفت: «بروید که هم اکنون مردم از گرمابه بیرون می‌آیند.» و نگداشت که ما به گرمابه در رویم.»

ظاهر آن است که هرگز نکندياد مرا
باطن که به دست توست آن را تو بشوی
کمر به خدمت سلطان بیند و صوفی باش
هم ظاهر پنهانی و هم باطن پیدا

- ۱) آن‌که یک لحظه فراموش نگشت از یادم
- ۲) ظاهر که به دست ماست شستیم تمام
- ۳) مراد اهل طریقت لباس ظاهر نیست
- ۴) هم رائق بی‌نقصی و هم خالق بی‌عیب

-۱۰- در کدام گزینه به مفهوم حدیث شریف «الدَّهْرُ يَوْمَ لَكَ وَ يَوْمُ عَلَيْكَ» اشاره شده است؟

یک بوسه از آن روی چو ماهمن ندهی
به فرجام گیتی نماند به کس
ساقیا آن قدح آینه کردار بیار
که از ماست بر مابد آسمان

- ۱) روزی به سرای وصل راهم ندهی
- ۲) تو را زین جهان بهره جنگ است و بس
- ۳) روزگاری است که دل چهره‌ی مقصود ندید
- ۴) سخن رفتشان یک‌به‌یک بر زبان

زبان عربی



■ ■ عین الأصح والأدق في الجواب للترجمة أو المفهوم (۱۶ - ۱۱):

-۱۱- «أَخْلِصْ لِلَّهِ الَّذِي وَعَدَهُ حَقًّا وَ قَدْ أَعْطَى كُلَّ شَيْءٍ خَلْقَهُ فَأَسْتَغْفِرُ لِلَّذِنَوبِ!»:

- ۱) خداوند کسی را که قولش راست است خالص کرد و به هر مخلوقی آفرینشی خاص داده و سپس گناهان را بخشیده است!
- ۲) برای خداوندی که قولش حق است و به هر چیزی آفرینشی را داده خالص شو و سپس برای گناهان آمرزش بخواه!
- ۳) برای خدا که وعده‌اش درست است و به هر موجودی آفرینش آن را داده خالص می‌شوم و به خاطر گناهان آمرزش می‌طلبم!
- ۴) خداوند کسی را که وعده‌اش حق است خالص نمود تا به هر چیزی آفرینشی عطا کند و سپس گناهان را بیامزدا!

-۱۲- «زانت بیوتنا بمصابیح ملوّنة قبل وصول الصّیوفِ الْذِينَ فَتَّشَتْ حُقَائِبَهُمْ فِي المَطَارِ مع بطاقاتهم!»:

- ۱) خانه‌هایمان را پیش از رسیدن مهمانانی که چمدان‌های آن‌ها با بليطهایشان در فرودگاه بازرسی شد، با لامپ‌های رنگی آراست!
- ۲) چراغ‌های رنگارنگ پیش از ورود مهمان‌ها خانه‌های ما را زینت داد و بليطهای آنان را در فرودگاه بازبینی کردند!
- ۳) پیش از رسیدن مهمانانی که چمدان‌ها و بليطهایشان را در فرودگاه بازبینی کردم، خانه‌هایمان را با چراغ‌های رنگی آراستم!
- ۴) از لامپ‌های رنگارنگ پیش از رسیدن مهمان‌ها برای تزئین استفاده کرد و کیف‌ها و بليطهایشان در فرودگاه بررسی شدند!

-۱۳- «تقدمنا في الاستفادة من تلك المعجزة المحيطية تساعدنا في المستقبل لإنارة المدن!»:

- ۱) در استفاده از آن معجزة اقیانوسی پیشرفت کردیم، به طوری که در آینده برای روشنایی شهرها کمک می‌نماید!
- ۲) پیشرفتمان در بهره‌گیری از آن معجزه اقیانوسی در آینده برای روشن کردن شهرها به ما کمک می‌کندا
- ۳) در استفاده از آن معجزه اقیانوس سود بردیم و در آینده برای روشنایی شهرها از آن‌ها کمک می‌گیریم!
- ۴) بهره‌ای که از آن معجزه اقیانوس بردیم، بارگر ما در روشنایی شهرهای آینده خواهد بود!

-۱۴- عین الصحيح:

- ۱) اغتنموا الفرصة عند رؤية جيوشه العظيمة! فرست را هنگام دیدن سپاهیان بزرگش غنیمت شمردند!
- ۲) تعازفوا لتعلموا أن أكركم عند الله أنقاكم! با يكديگر آشنا شوید تا بدانيد که گرامی ترین شما نزد خدا با تقواترين شماست!
- ۳) أحتفل يوم انتصار المجاهدين في الحرب! روز پیروزی رزم‌مندان را در جنگ جشن گرفت!
- ۴) صديقي العزيز ساعدني في المشاكل! دوست عزیزم در مشکلات کمکمان کردا!



- ۱۵- عین المفهوم الصحيح: **(جادلهم بالتي هي أحسن)**
 ۲) سعى كنيد تنهها به هنگام ضرورت سخن بگويد.
 ۴) **«الذين توافقهم الملائكة طيبين يقولون سلام عليكم»**

- ۲) الحيوانات اللّبونة حيوانات تُرضع أطفالها.
 ۴) يكفل الله الإنسان على وسعه.

■■■ عین المناسب في الجواب عن الأسئلة التالية (۲۰ - ۱۷):

۱۷- عین «ما» مفعولاً:

- ۱) مارأيـت أحـدـاً فـي الصـفـ لـأـنـ الـحـفلـةـ كـانـتـ فـي سـاحـةـ الـمـدـرـسـةـ.

۲) **«فـاقـرـؤـوا مـا تـيـسـرـ مـنـ الـقـرـآنـ»**

۳) **«رـبـتـ إـنـكـ مـنـ تـدـخـلـ النـارـ فـقـدـ أـخـزـيـتـهـ وـ مـا لـظـالـمـيـنـ مـنـ أـنـصـارـ»**

۴) **«رـبـ إـتـيـ لـمـا أـنـزلـتـ إـلـيـ مـنـ خـيرـ فـقـيرـ»**

۱۸- عین العدد يختلف محله الإعرابي:

- ۲) للعسل سبعون خواص جعلته أفضل أنواع السكريات!
 ۴) سحرها عليهم بمدة سبع ليالٍ و ثمانية أيام!

۱) في تلك الغرفة الصغيرة ثلاثة مصابيح تضيءها!

۳) أربعة من هؤلاء الطالبات زميلاتي في الصف!

۱۹- عین الصفة التي موصوفها خبر:

۱) في أول الإسلام كان المسلمين قد بلغوا مكانة رفيعة في العلوم!

۲) تفرج قلوبنا حين تشاهد عيوننا الأرض باللون الأخضر!

۳) أحواتنا بنات مجتهدات يساعدنـا في انعقاد المراسيم!

۴) عاشـرـ الـعـلـمـاءـ الـمـجـدـيـنـ لـتـجـتـنـبـ الـمـعـاصـيـ وـ تـقـرـبـ إـلـيـ اللـهـ!

۲۰- عین ما ليس فيه الأمر:

۱) أسرعوا إلى الصدق لتقرؤوا و تكتبوا الواجبات المدرسية!

۳) تعلم اللغة الإنجليزية لإيجاد التواصل بينك و الشركاء!

دین و زندگی



۲۱- ریشه‌ی اختلاف در انتخاب اهداف متفاوت، کدام است؟

- ۱) تفاوت بین ارزش‌های پذیرفته شده
 ۲) تجربیات پشت سر گذاشته شده
 ۴) نوع نگاه و اندیشه‌ی انسان

۳) میزان توجه انسان به مسائل

۲۲- این‌که هر کسی می‌تواند خدا را بیابد و محبتش را در دل حس کند، نشان‌دهنده‌ی کدامیک از سرمایه‌هایی است که خدا به انسان عنایت کرده است؟

۱) قدرت تفکر و تعقل

۲) صاحب اراده و اختیار بودن و مسئول سرنوشت خویش شدن

۳) سرشت خدا آشنا

۴) شناخت خیر و نیکی و گرایش به آن و شناخت زشتی و بدی و بیزاری از آن

۲۳- منظور از «لهـيـ الـحـيـوانـ» در آـيـهـيـ **«وـ إـنـ الدـارـ الـآـخـرـةـ لـهـيـ الـحـيـوانـ لـوـ كـانـواـ يـعـلـمـونـ»**، کـدامـ گـزـینـهـ استـ؟

۱) زندگی باطل ۲) زندگی حقیقی ۳) زندگی حیوانی

۴) از دیدگاه قرآن کریم یکی از انگیزه‌های انکار معاد را در بحث امکان معاد، کدام است؟

۲) توجه نکردن به آفرینش نخستین انسان

۱) نشناختن قدرت خدا

۴) نظام مرگ و زندگی در طبیعت

۳) نخواندن نمونه‌هایی از زنده شدن مردگان



- ۲۵- کدام گزینه در مورد « توفی » درست است؟

- (۱) بدن و روح حیات خود را از دست می‌دهند، ولی روح در برزخ حضور خواهد داشت.
- (۲) بدن حیات خود را از دست می‌دهد، اما روح به فعالیت و حیات خود ادامه می‌دهد.
- (۳) بدن حیات خود را از دست نمی‌دهد، ولی در برزخ است و روح به فعالیت خود ادامه می‌دهد.
- (۴) بدن و روح، در برزخ هستند و هیچ فعالیتی در آن جا ندارند و منتظر قیامت هستند.

- ۲۶- آیه شریفه‌ی **«آلیوم تَحْتِمُ عَلَىٰ أَفْوَاهِهِمْ»**، به کدامیک از وقایع مرحله‌ی دوم قیامت اشاره دارد؟

- (۱) دادن نامه‌ی اعمال
- (۲) کnar رفتن پرده‌ی حقایق عالم
- (۳) بر پا شدن دادگاه عدل الهی
- (۴) حضور شاهدان و گواهان

- ۲۷- نعمت بهشت، رسیدن به مقام خشنودی خداست و رابطه‌ی پاداش و کیفر، تجسم اعمال است.

- (۱) بالاترین - برترین
- (۲) بهترین - عمیق‌ترین
- (۳) بهترین - کامل‌ترین
- (۴) بالاترین - کامل‌ترین

- ۲۸- با توجه به آیات ۴۵ و ۴۶ سوره‌ی واقعه، جهنمیان در دنیا بر چه چیزی اصرار می‌ورزیدند؟

- (۱) گناهان بزرگ
- (۲) ترک واجبات
- (۳) تمسخر مؤمنان
- (۴) فراموش کردن توبه

- ۲۹- طبق فرمایش امام علی (ع)، کدام گزینه درباره‌ی چگونگی پیروی از ایشان نادرست است؟

- (۱) برای هر پیروی‌کننده‌ای امام و پیشوایی است که باید با پرهیزکاری و درستکاری او را یاری می‌کند.
- (۲) برای هر پیروی‌کننده‌ای امام و پیشوایی است که باید از او تعیت کند.
- (۳) برای هر پیروی‌کننده‌ای امام و پیشوایی است که باید از علم او کسب نور و استفاده کند.

- ۳۰- برای هر پیروی‌کننده‌ای امام و پیشوایی است که باید همیشه همراه او باشد و همانند امام خود به دو لباس کهنه قناعت کند.

- ۳۰- قرآن کریم خطای گروهی از مردم در زمینه‌ی دوستی با خدا را چگونه توصیف نموده و تعبیر قرآنی **«أَشَدُ حُبًا لِّلَّهِ»** درباره‌ی چه کسانی به کار رفته است؟

(۱) «وَ مِنَ النَّاسِ مَنْ يَتَّخِذُ مِنْ دُونِ اللَّهِ أَنْدَادًا يَحْتَوِنُهُمْ كَحْبَ اللَّهِ» - متقین

(۲) «قُلْ إِنْ كُنْتُمْ تُحِبُّونَ اللَّهَ فَاتَّبِعُونِي يُحِبِّنِكُمُ اللَّهُ وَ يَغْفِرُ لَكُمْ ذُنُوبُكُمْ» - متقین

(۳) «وَ مِنَ النَّاسِ مَنْ يَتَّخِذُ مِنْ دُونِ اللَّهِ أَنْدَادًا يَحْتَوِنُهُمْ كَحْبَ اللَّهِ» - مؤمنین

(۴) «قُلْ إِنْ كُنْتُمْ تُحِبُّونَ اللَّهَ فَاتَّبِعُونِي يُحِبِّنِكُمُ اللَّهُ وَ يَغْفِرُ لَكُمْ ذُنُوبُكُمْ» - مؤمنین



PART A: Grammar and Vocabulary

Directions: Questions 31-35 are incomplete sentences. Beneath each sentence you will see four words or phrases, marked (1), (2), (3), and (4). Choose the one word or phrase that best completes the sentence. Then mark your answer sheet.

31- Mr. Johnson got home last night while his wife and the children

- | | |
|-------------------------------|--------------------------|
| 1) was cooking / were playing | 2) cooked / played |
| 3) was cooking / played | 4) cooked / were playing |

32- Your blue dress is the one you've got on, Mary; why don't you change?

- | | | | |
|--------------------|----------------|--------------------|-----------------|
| 1) much worse than | 2) the best of | 3) much nicer than | 4) as better as |
|--------------------|----------------|--------------------|-----------------|

33- They lived for several years but moved back to Iran when the children were at school age.

- | | | | |
|-----------|---------|-------------|-----------|
| 1) beyond | 2) over | 3) on board | 4) abroad |
|-----------|---------|-------------|-----------|

34- The charity invites people of all backgrounds, races and religions to houses together in partnership with families in need.

- | | | | |
|------------|----------|--------------|-------------|
| 1) develop | 2) build | 3) carry out | 4) increase |
|------------|----------|--------------|-------------|

35- The human can go more than 40 days without something to eat, but only four to five days without water.

- | | | | |
|---------|----------|---------|-----------|
| 1) cell | 2) organ | 3) body | 4) nature |
|---------|----------|---------|-----------|

**PART B: Reading Comprehension**

Directions: In this part of the test, you will read a passage. The passage is followed by five questions. Answer the questions by choosing the best choice, (1), (2), (3), or (4). Then mark your answer sheet.

Started in 1636, Harvard University is the oldest of the many colleges and universities in the United States. Yale, Princeton, Columbia and Dartmouth were opened soon after Harvard. They were all started before the American Revolution made the 13 colonies into states.

In the early years, these schools were much alike. Only young men attended colleges. All the students studied the same subjects, and everyone learned Latin, Greek and Hebrew. Little was known about science then, and no kind of school could teach everything that was known about the world. When the students graduated, most of them became ministers or teachers.

In 1782, Harvard started a medical school for young men who wanted to become doctors. Later, lawyers could receive their training in Harvard's law school. In 1825, Harvard began teaching modern languages, such as French and German. Soon, it began teaching American history.

As knowledge increased, Harvard and other colleges began to teach many new subjects. Students were allowed to choose the subjects that interested them.

Special colleges for women were started. New state universities began to teach such subjects as farming, engineering and business. Today, there are many different kinds of colleges and universities. Most of them are divided into smaller schools that deal with special fields of learning. There is so much to learn that one kind of school cannot offer it all.

36- We can understand from the passage that

- 1) American universities have changed a lot over the years
- 2) today nearly all the students study to become teachers or ministers
- 3) all colleges were much alike in the 20th century
- 4) many of the students learned foreign languages only

37- As knowledge increased, colleges began to teach

- 1) everything that was known
- 2) many new subjects
- 3) Latin, Greek and Hebrew
- 4) French and German

38- The word "them" in the 4th paragraph refers to

- 1) Harvard and other colleges
- 2) many new subjects
- 3) students
- 4) languages

39- Which statement can be concluded from the passage?

- 1) There is much more to learn today than in 1636.
- 2) The early schools haven't changed much during the past centuries.
- 3) In the 16th century, every student studied Latin, Greek and Hebrew.
- 4) American universities first began teaching foreign languages in 1825.

40- The passage is mainly about

- 1) the development of American colleges and universities
- 2) a comparison of the best universities in the United States
- 3) public education in the US in the 16th century
- 4) the importance of languages in American education



ریاضیات



DriQ.com

303C

ریاضی (۱)

- ۴۱ - اگر $A_n = (-\frac{1}{n}, n+1]$ باشد، مجموعه $(A_1 \cup A_2) - A_3$ شامل چند عدد صحیح است؟

۳ (۴)

۲ (۳)

۱ (۲)

۱) صفر

- ۴۲ - متتم مجموعه $(A - (A - B)) \cup (B - (A - B'))$ کدام است؟

U (۴)

Ø (۳)

B' (۲)

B (۱)

- ۴۳ - مجموع سه جمله اول یک دنباله حسابی برابر با ۱۲ است. اگر حاصل ضرب این جملات ۴۲ باشد، مقدار مثبت قدرنسبت دنباله کدام است؟

 $\frac{\sqrt{22}}{2}$ (۴) $\frac{\sqrt{6}}{2}$ (۳)

۱/۵ (۲)

۵/۵ (۱)

- ۴۴ - a, b, c سه جمله متوالی یک دنباله هندسی با قدرنسبت ۳ می باشند. بین a و b، یک عدد و بین b و c، k عدد قرار می دهیم تا اعداد حاصل، دنباله ای حسابی تشکیل دهنند. مقدار k کدام است؟

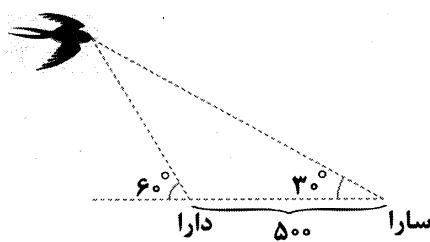
۷ (۴)

۵ (۳)

۸ (۲)

۶ (۱)

- ۴۵ - دارا و سارا به فاصله ۵۰۰ متر از هم ایستاده و در حال تماشای پرواز پرندهای در آسمان هستند. اگر دارا این پرنده را با زاویه 60° و سارا آن را با زاویه 30° نسبت به افق ببیند، فاصله سارا از پرنده چند متر است؟



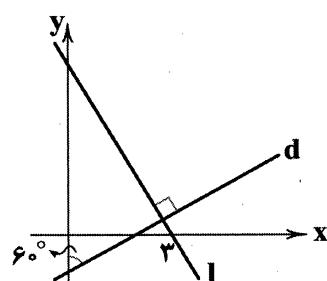
۷۵۰ (۱)

 $500\sqrt{2}$ (۲) $750\sqrt{3}$ (۳) $500\sqrt{3}$ (۴)

- ۴۶ - با توجه به شکل زیر عرض از مبدأ خط کدام است؟

 $\sqrt{3}$ (۱)

۳ (۲)

 $3\sqrt{3}$ (۳) $2\sqrt{3}$ (۴)

سایت کنکور

Konkur.in

- ۴۷ - اگر $\sin \theta = \cos \theta$ و $\tan \theta = \sqrt{3}$ ، آنگاه θ در کدام ربع مختصاتی قرار دارد؟

۴) چهارم

۳) سوم

۲) دوم

۱) اول

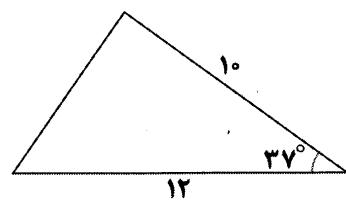
- ۴۸ - مساحت مثلث زیر کدام است؟ ($\tan 37^\circ = 0.75$)

۳۶ (۱)

۱۸ (۲)

۲۴ (۳)

۴۵ (۴)





- ۴۹- حاصل عبارت $\frac{\sqrt{3}-\sqrt{5}+\sqrt{3+\sqrt{5}}}{\sqrt{2}}$ کدام است؟

$$\sqrt{\frac{5}{2}} \quad (4)$$

$$\frac{\sqrt{5}}{2} \quad (3)$$

$$\sqrt{5} \quad (2)$$

(1)

- ۵۰- اگر $x = \sqrt[3]{-8}$ باشد، حاصل $x\sqrt{-x} \times \sqrt[3]{x}$ کدام است؟

$$\sqrt[3]{2} \quad (4)$$

$$\sqrt{2} \quad (3)$$

$$2 \quad (2)$$

(1)

- ۵۱- در تجزیه‌ی $x^4 - 2x^3 - 8x + 16$ ، کدام عامل ضرب وجود دارد؟

$$x^2 + 4 \quad (2)$$

$$(x-2)^2 \quad (4)$$

$$x^2 - 4 \quad (1)$$

$$(x+2)^2 \quad (3)$$

- ۵۲- حاصل عبارت $(\frac{x}{x-1} - \frac{1}{x+1}) \div (\frac{1}{x-1} + \frac{x}{x+1})$ به ازای $x = 1 + \sqrt{2}$ کدام است؟

$$1 + \sqrt{2} \quad (4)$$

$$\sqrt{2} \quad (3)$$

$$\frac{1}{1+\sqrt{2}} \quad (2)$$

(1)

- ۵۳- تعداد جواب‌های معادله‌ی $(x^2 - 1)^2 - (x^2 - 1) - 6 = 0$ کدام است؟

$$4 \quad (4)$$

$$2 \quad (3)$$

$$1 \quad (2)$$

(1)

- ۵۴- مجموع و حاصل ضرب دو عدد به ترتیب ۱۰ و ۲۲ می‌باشد. اختلاف این دو عدد کدام است؟

$$4\sqrt{3} \quad (4)$$

$$\sqrt{3} \quad (3)$$

$$2\sqrt{3} \quad (2)$$

(1)

- ۵۵- به ازای کدام مقادیر m عبارت $y = mx^3 + 2mx + 2$ همواره مثبت است؟

$$0 < m < 2 \quad (4)$$

$$m > 2 \quad (3)$$

$$0 < m \leq 2 \quad (2)$$

$$m < 0 \quad (1)$$

- ۵۶- سهمی c محور y را در نقاطی به عرض 10° و محور x را در نقاطی به طول ۵ و ۱ قطع می‌کند. عرض رأس سهمی کدام است؟

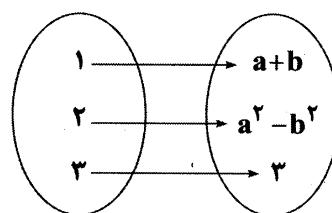
$$-6 \quad (4)$$

$$8 \quad (3)$$

$$-8 \quad (2)$$

(1)

- ۵۷- اگر نمودار پیکانی زیر نمایش‌گر یک تابع ثابت باشد، حاصل $a^2 + b^2$ کدام است؟



$$3 \quad (1)$$

$$2 \quad (2)$$

$$5 \quad (3)$$

$$4 \quad (4)$$

- ۵۸- یک تابع خطی با دامنه‌ی $[2, 8]$ و برد $[0, 4]$ می‌باشد. اگر شیب خط مثبت باشد، طول از مبدأ این خط کدام است؟

$$\frac{2}{3} \quad (4)$$

$$\frac{4}{3} \quad (3)$$

$$1 \quad (2)$$

$$2 \quad (1)$$

- ۵۹- در تابع $f(x) = x + \frac{1}{x}$ ، مقدار $f(2x+1) = f(2)$ چند برابر $f(2)$ می‌باشد؟

$$\frac{1}{5} \quad (4)$$

$$\frac{4}{5} \quad (3)$$

$$\frac{4}{5} \quad (2)$$

$$\frac{5}{4} \quad (1)$$

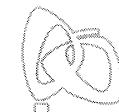
- ۶۰- اگر محل برخورد نمودار $f(x) = 2|x-2|$ با محور x را A ، محل تقاطع آن با محور y را B و مبدأ مختصات را نیز O بنامیم، مساحت مثلث OAB کدام است؟

$$1 \quad (4)$$

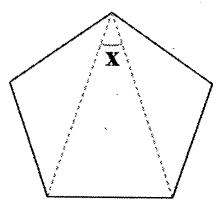
$$8 \quad (3)$$

$$2 \quad (2)$$

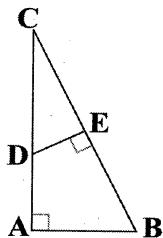
$$4 \quad (1)$$



هندسه (۱)

۶۱- شکل زیر یک پنجضلعی منتظم است. اندازه‌ی زاویه‌ی X چند درجه است؟

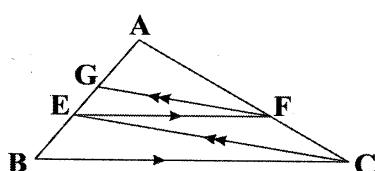
- ۷۲ (۱)
۳۶ (۲)
۲۸ (۳)
۵۴ (۴)

۶۲- در مثلث قائم‌الزاویه‌ی زیر، DE عمودمنصف BC کدام است؟

- ۸ (۱)
 $8\sqrt{5}$ (۲)
 $4\sqrt{5}$ (۳)
۴ (۴)

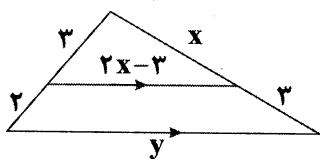
۶۳- کدام گزینه مثال نقض ندارد؟

- (۱) چهارضلعی که همه‌ی اضلاع آن با هم برابر باشند، یک لوزی است.
(۲) دو مثلث هم‌مساحت، هم‌نهشت‌اند.
(۳) همه‌ی ارتفاع‌های یک مثلث، داخل مثلث قرار دارند.
(۴) نقطه‌ی همرسی عمودمنصف‌های یک مثلث، داخل مثلث قرار دارد.

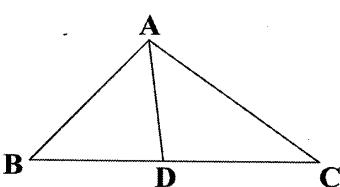
۶۴- در شکل زیر، $FG \parallel CE$ و $EF \parallel BC$ می‌باشد. اگر $AG = 3$ و $GE = 2$ باشد، طول AB کدام است؟

- $\frac{15}{3}$ (۱)
 $\frac{25}{3}$ (۲)

- ۶ (۱)
۷ (۲)

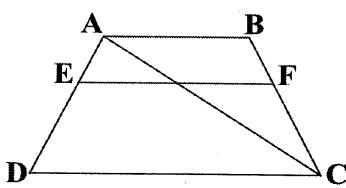
۶۵- با توجه به شکل زیر، حاصل $\frac{X}{y}$ کدام است؟

- ۳/۵ (۱)
۴/۵ (۲)
۰/۳۵ (۳)
۰/۴۵ (۴)

۶۶- در شکل زیر دو مثلث ABD و ABC متشابه‌اند. کدام گزینه لزوماً صحیح است؟

Konkur.in

- $D\hat{A}C = \hat{C}$ (۱)
 $D\hat{A}B = \hat{C}$ (۲)
 $A\hat{D}C = \hat{A}$ (۳)
 $A\hat{D}B = \hat{B}$ (۴)

۶۷- در ذوزنقه‌ی زیر $EF = CD = 6$ و $AB = AC = 2$ مساوی دو قاعده‌ی آن است. اگر قطر EF را نصف کند، طول EF کدام است؟

- ۶ (۱)
۱۲ (۲)
۴ (۳)
۲ (۴)



- ۶۸- مثلثی به اضلاع ۴، ۵ و ۶ با مثلث به اضلاع a، b و c متشابه است. حداقل محیط مثلث دوم چقدر است؟

۱۸ (۴)

۲۴ (۳)

۳۰ (۲)

۲۰ (۱)

- ۶۹- در مثلث قائم‌الزاویه ABC، زاویه‌ی بین ارتفاع و میانه‌ی وارد بر وتر 60° است. اگر مساحت این مثلث ۱۸ واحد مربع باشد، طول وتر آن کدام است؟

۸ $\sqrt{2}$ (۴)

۶ (۳)

۱۲ (۲)

۶ $\sqrt{2}$ (۱)

- ۷۰- مساحت یک n ضلعی شبکه‌ای برابر با $\frac{3}{4}$ است. حداکثر مقدار n کدام است؟

۶ (۴)

۵ (۳)

۴ (۲)

۳ (۱)



- ۷۱- طول جسمی را با یک خطکش (مدرج) به صورت $8/4 \pm 0/5\text{cm}$ و با یک وسیله‌ی اندازه‌گیری طول رقمی (دیجیتال) به صورت $8/4 \pm 0/1\text{cm}$ اندازه‌گیری می‌کنیم. دقت اندازه‌گیری خطکش چند برابر دقت اندازه‌گیری وسیله‌ی اندازه‌گیری طول رقمی (دیجیتال) است؟

۵ (۴)

۱۰ (۳)

 $\frac{1}{5}$ (۲) $\frac{1}{10}$ (۱)

- ۷۲- ۳۰ درصد حجم یک مخلوط را مایع A با چگالی ρ_A و مابقی حجم مخلوط را مایع B با چگالی ρ_B تشکیل داده است. چگالی مخلوط کدام است؟

 $0/7\rho_A + 0/3\rho_B$ (۴)

$$\frac{\rho_A \rho_B}{0/3\rho_A + 0/7\rho_B}$$
 (۳)

$$0/3\rho_A + 0/7\rho_B$$
 (۲)

$$\frac{0/3\rho_A + 0/7\rho_B}{\rho_A \rho_B}$$
 (۱)

- ۷۳- می‌خواهیم ظرفی به گنجایش 1800 cm^3 سانتی‌متر مکعب را با آب تولیدشده از ذوب یخ، پر کنیم. برای این منظور باید چند متر مکعب یخ را ذوب

$$\text{کنیم؟ } (\rho = 1\frac{\text{g}}{\text{cm}^3}, \rho_{\text{آب}} = 1\frac{\text{g}}{\text{cm}^3}, \text{ یخ})$$

۲×۱۰^۳ (۴)۱×۱۰^۳ (۳)۲×۱۰^{-۳} (۲)۱×۱۰^{-۳} (۱)

- ۷۴- یک مکعب ۸ کیلوگرمی که درون آن حفره‌ای کروی به قطر 20 cm وجود دارد و از ماده‌ای فلزی با چگالی نامعلوم ساخته شده را به طور کامل درون ظرفی پر از بنزن فرو می‌بریم. اگر $4/5$ کیلوگرم بنزن از ظرف بیرون بریزد، چگالی ماده‌ی سازنده‌ی مکعب چند واحد در دستگاه SI است؟ ($\pi = 3$ و چگالی بنزن 900 kg/m^3 واحد در دستگاه SI است).

۰/۰۰۹ (۴)

۰/۰۰۸ (۳)

۹۰۰۰ (۲)

۸۰۰۰ (۱)

- ۷۵- در شرایط خلا، گلوله‌ای را در راستای قائم با نیروی ثابت و قائم $\frac{m}{s}$ با تندی ثابت $\bar{F} = 4\text{ N}$ به سمت بالا حرکت داده و از نقطه‌ی A به نقطه‌ی B منتقل می‌کنیم. اگر انرژی پتانسیل گرانشی گلوله در نقطه‌ی A (نسبت به سطح زمین) برابر با 40 J بوده و گلوله فاصله‌ی بین A و B را در طی مدت زمان ۴ ثانیه طی کند، انرژی پتانسیل گرانشی گلوله در نقطه‌ی B (نسبت به سطح زمین) چند ژول است؟ ($g = 10\frac{\text{m}}{\text{s}^2}$)

۱۲۰ (۴)

۸۰ (۳)

۴۰ (۲)

۲۰ (۱)

- ۷۶- گلوله‌ای را با تندی $12\frac{\text{m}}{\text{s}}$ به طرف بالا در راستای قائم پرتاپ می‌کنیم. در چه ارتفاعی بر حسب متر، نسبت به نقطه‌ی پرتاپ، انرژی مکانیکی

$$\text{گلوله } 3 \text{ برابر انرژی جنبشی گلوله می‌باشد؟ } (\text{ مقاومت هوا ناچیز و } g = 10\frac{\text{m}}{\text{s}^2})$$

۹/۶ (۴)

۷/۲ (۳)

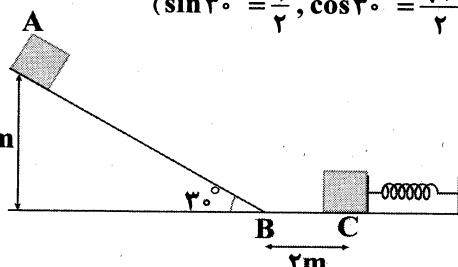
۴/۸ (۲)

۲/۴ (۱)



۷۷ - مطابق شکل زیر، جسمی به جرم 6 kg از بالای سطح شیب داری، از حال سکون رها می شود و پس از عبور از نقطه B روی سطح افقی، فنری را فشرده می کند. اگر اندازه نیروی اصطکاک در تمام سطوح ثابت و برابر 3 N باشد، حداقل چند ژول انرژی پتانسیل کشسانی در

$$\text{فنر ذخیره می شود؟ (فنر در نقطه } C \text{ بیش ترین فشردگی را دارد و } \frac{\sin 30^\circ}{2} = \frac{\sqrt{3}}{2}, \cos 30^\circ = \frac{1}{2} \text{ است.)}$$



۱۶۸ (۱)

۲۴۲ (۲)

۲۶۴ (۳)

۳۳۶ (۴)

۷۸ - توان ورودی دو تلمبهی برقی A و B یکسان و برابر با $2/5\text{ kW}$ است، ولی بازده تلمبهی A ، 30° درصد بیشتر از بازده تلمبهی B است. اگر تلمبهی A در هر دقیقه یک متر مکعب آب را با تندری ثابت از عمق 12 متری به سطح زمین بیاورد، تلمبهی B در چند ثانیه این کار را انجام

$$\text{می دهد؟ (} g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}, \rho_{\text{آب}} = 1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \text{)}$$

۹۶ (۴)

۷۵ (۳)

۶۰ (۲)

۴۵ (۱)

۷۹ - نیروی بین مولکولی می باشد و این نیرو در مولکول های آب به صورت است.

(۴) کوتاهبرد - دافعه

(۳) بلندبرد - هم چسبی

(۲) کوتاهبرد - هم چسبی

(۱) بلندبرد - هم چسبی

۸۰ - در یک مخزن مکعبی شکل، جرم m از مایع A به چگالی $\rho_A = 1/5 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$ و جرم $2m$ از مایع B به چگالی $\rho_B = 3 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$ ریخته ایم. اگر

فسار هوا در این محیط 70 سانتی متر جیوه و ارتفاع سطح مایع مخلوط از کف مخزن 156 سانتی متر باشد، فشار در کف مخزن چند سانتی متر جیوه است؟ (جیوه $\rho = 13 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$ ، دو مایع مخلوط نشدنی هستند).

۹۷ (۴)

۵۴ (۳)

۳۶ (۲)

۲۷ (۱)

۸۱ - در شکل زیر، قطر قاعده دو شاخه لوله U شکل با هم برابر هستند. اگر شیر رابط بین دو شاخه را باز کنیم، سطح آب چند سانتی متر

$$\text{پایین می آید؟ (} \rho_{\text{آب}} = 1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}, \rho_{\text{نفت}} = 800 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \text{)}$$



۱۰ (۱)

۵ (۲)

۴ (۳)

۲/۵ (۴)

۸۲ - یک سرنگ با سطح مقطع های 2 cm^2 و 2 cm^2 در اختیار داریم. در حالی که مایع، کل حجم داخل سرنگ را پر کرده است، پیستون سرنگ

که در سطح مقطع بزرگ تر قرار دارد را با تندری $2 \frac{\text{cm}}{\text{s}}$ به صورت پایا و پیوسته فشار می دهیم. در مدت 2 ثانیه چند سانتی متر مکعب مایع از

انتهای سرنگ (سطح مقطع کوچک تر) خارج می شود؟

۱۶ (۴)

۸ (۳)

۱/۶ (۲)

۰/۸ (۱)

۸۳ - دماسنگی، دمای C 20° را 30° درجه و دمای C 40° را 40° درجه نشان می دهد. دمای جوشش آب در فشار یک اتمسفر در این دماسنگ برابر

چند درجه سلسیوس است؟

۱۰۰ (۴)

۸۰ (۳)

۷۰ (۲)

۶۰ (۱)



- اختلاف طول میله‌های A و B در دمای $\theta_1 = 10^\circ\text{C}$ است. دمای هر دو میله را به یک اندازه افزایش می‌دهیم. اگر اختلاف طول میله‌ها تغییری نکند، طول میله‌ی بلندتر در دمای θ_1 چند سانتی‌متر بوده است؟

$$(\alpha_A = 4 \times 10^{-5} \text{ K}^{-1}, \alpha_B = 5 \times 10^{-5} \text{ K}^{-1})$$

۵۰ (۴) ۴۰ (۳) ۵ (۲) ۴ (۱)

- دو جسم A و B به ترتیب با جرم‌های m و $3m$ و دماهای T_A و T_B را در یک محیط قرار می‌دهیم. این دو جسم با از دست دادن مقداری گرمایی، با محیط پیرامونشان به تعادل گرمایی می‌رسند. اگر گرمایی جسم A دو برابر گرمایی ویژه جسم B باشد و جسم B، شش برابر جسم A از دست داده باشد، دمای تعادل این دو جسم بر حسب T_A و T_B کدام است؟

$$T_A - T_B (۴) \quad ۴T_A - T_B (۳) \quad \frac{T_A - T_B}{3} (۲) \quad \frac{4T_A - T_B}{3} (۱)$$

- در ظرفی که حاوی مقداری یخ C° است، مقداری بخار آب 100° وارد می‌کنیم، تا در فشار یک اتمسفر به تعادل گرمایی برسند. اگر پس از رسیدن به تعادل گرمایی، تنها آب 20° در ظرف باقی بماند، جرم یخ چند برابر جرم بخار آب بوده است؟ (تبادل حرارتی با محیط ناچیز)

$$\text{است، } \frac{\text{kJ}}{\text{kg K}} = 4/2, L_V = 2268 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}}, L_F = 336 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}}$$

۷ (۴) ۵ (۳) ۶/۲ (۲) ۴/۲ (۱)

- انتقال گرما در مایعات و گازها که معمولاً رساناهای گرمایی خوبی عمدهاً به روش همروفت، یعنی انجام می‌گیرد. (به ترتیب از راست به چپ)

- (۱) نیستند - بدون جابه‌جایی بخشی از ماده
- (۲) هستند - بدون جابه‌جایی بخشی از ماده
- (۳) نیستند - همراه با جابه‌جایی بخشی از ماده
- (۴) هستند - همراه با جابه‌جایی بخشی از ماده

- کدام یک از گزینه‌های زیر درست است؟

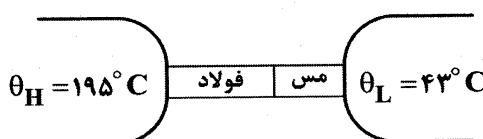
(۱) تابش گرمایی از سطح جسم فقط به دمای جسم بستگی دارد.

(۲) تابش گرمایی در دماهای زیر حدود 50°C عمدهاً به صورت تابش فرابنفش است.

(۳) هر جسم در هر دمایی تابش الکترومغناطیسی گسیل می‌کند.

(۴) تفسیه تابشی به عنوان دماسنجه معیار برای اندازه‌گیری دماهای بالا 110°C انتخاب شده است.

- در شکل زیر طول میله‌ی فولادی 20cm و طول میله‌ی مسی 10cm است. اگر سطح مقطع دو میله یکسان و رسانندگی گرمایی مس چهار برابر رسانندگی گرمایی فولاد باشد، بعد از ایجاد تعادل گرمایی، دمای محل اتصال دو میله تقریباً چند درجه سلسیوس است؟



۵۰ (۱)
۶۰ (۲)
۴۷ (۳)
۷۱ (۴)

- آب در قابلمه‌ی آلومینیومی که در تماس با منبع گرما است، می‌جوشد و با آهنگ $1/18$ لیتر بر دقیقه تبخیر می‌شود. ضخامت کف قابلمه $4/8\text{mm}$ و قطر آن 30cm است. دمای ته ظرف در تماس با منبع گرما چند درجه سلسیوس است؟ (دمای جوش آب 100°C)

$$\text{است، } \rho = 1 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}, L_V = 2250 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}}, \pi = 3, k_{AL} = 240 \frac{\text{W}}{\text{m.K}}$$

۱۰۴ (۴) ۱۰۶ (۳) ۱۰۲ (۲) ۱۰۱ (۱)



شیمی



(ت) $\frac{A}{Z+1}E$
 (۴) «ب»، «ت»

(پ) $\frac{A+1}{Z+1}E$
 (۳) «ب»، «پ»

(ب) $\frac{A+1}{Z}E$
 (۲) «آ»، «ت»

(آ) $\frac{A}{Z}E$
 (۱) «آ»، «ب»

Sb (۴)

Sn (۳)

Pd (۲)

Pb (۱)

- ۹۱- کدام جفت گونه های زیر، ایزوتوپ هم محسوب می شوند؟

- (۱) عناصر های با اعداد اتمی ۶۰ و ۱۰۰ به ترتیب جزو عناصر دسته‌ی d و f طبقه‌بندی می‌شوند.
 (۲) نوری که از یک سیاره به ما می‌رسد، نشان می‌دهد که آن سیاره از چه ساخته شده و دمای آن چقدر است.
 (۳) نیم عمر ناپایدارترین ایزوتوپ طبیعی هیدروژن، بیشتر از ۱۰ سال است.

(۴) جرم هر یون H^+ بیشتر از ۱amu است.

- ۹۲- شکل ظاهری گرافیت شبیه کدام یک از عناصر های زیر است؟

(۴) سدیم

(۳) مس

(۲) آهن

(۱) لیتیم

- ۹۳- کدام یک از مطالب زیر نادرست است؟
(Na = ۲۳, O = ۱۶, S = ۳۲:g.mol^{-۱})

(۱) $4/816 \times 10^{۲۲}$, $0/04$ (۲) $6/02 \times 10^{۲۲}$, $0/05$ (۳) $7/224 \times 10^{۲۲}$, $0/04$ (۴) $9/03 \times 10^{۲۲}$, $0/05$

- ۹۴- در شرایط یکسان، شعله‌ی رنگی حاصل از سوختن کدام فلز، طول موج بلندتری دارد؟
 (۱) سدیم (۲) آهن (۳) مس (۴) آهن

- ۹۵- سدیم سولفات شامل چند مول از این ترکیب یونی و چه تعداد یون است؟
(Na = ۲۳, O = ۱۶, S = ۳۲:g.mol^{-۱})

(۱) $\frac{13}{3}$ (۴) $\frac{5}{3}$ (۲) $\frac{23}{3}$ (۳) $\frac{4/2}{2}$

- ۹۶- عنصر A در گروه سیزدهم و دوره‌ی چهارم جدول جای دارد. نسبت شمار الکترون‌های با $n=1$ به شمار الکترون‌های با $n=4$ در آرایش الکترونی اتم آن کدام است؟

(۱) $\frac{5}{4}$ (۲) $\frac{6}{5}$ (۳) $\frac{7}{6}$ (۴) $\frac{8}{7}$

- ۹۷- شمار الکترون‌های یک گونه‌ی شیمیابی که فقط شامل یک عنصر است، برابر با ۱۸ می‌باشد. چند عنصر مختلف را می‌توان به این گونه‌ی شیمیابی نسبت داد؟ (حداکثر الکترون‌هایی که یک اتم خنثی برای تبدیل به یون مبادله می‌کند را برابر با ۳ الکtron در نظر بگیرید.)

(۱) $\frac{5}{4}$ (۲) $\frac{6}{5}$ (۳) $\frac{7}{6}$ (۴) $\frac{8}{7}$

- ۹۸- شمار الکترون‌های آخرین زیرلایه‌ی اشغال شده‌ی اتم کدام دو عنصر برابر نیست؟

(۱) $X_{13}A$, $M_{5}D_{21}$ (۲) $E_{25}L_{32}G_{30}$ (۳) $J_{32}E_{20}$ (۴) $a < b < c$

- ۹۹- مقایسه‌ی میان نسبت شمار جفت الکترون‌های پیوندی به شمار جفت الکترون‌های ناپیوندی در یون‌های سولفات (a)، نیترات (b) و کربنات (c) به کدام صورت درست است؟

(۱) $a < b < c$ (۲) $a < b = c$ (۳) $c = b < a$ (۴) $c < b < a$

- ۱۰۰- کدام گازهای زیر در حالت خالص، قابل دیده شدن هستند؟

(آ) نیتروژن دی اکسید (ب) نیتروژن مونوکسید (۱) آرگون (۲) آ، «ب»، «پ» (۳) «ب»، «پ» (۴) «ب»، «ت»

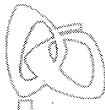
- ۱۰۱- کدام یک از مطالب زیر نادرست است؟

(۱) در دما و فشار یکسان، حجم ۲g گاز اکسیژن برابر با حجم ۳g گاز اوزون است.

(۲) در سده‌ی اخیر با افزایش آلودگی در هوایم pH آب دریاها و اقیانوس‌ها نیز کاهش یافته است.

(۳) نخستین عنصر جدول دوره‌ای که آرایش الکترونی آن از قاعده‌ی آفبا پیروی نمی‌کند، کاتیون‌های X^{2+} و X^{3+} تشکیل می‌دهد.

(۴) میانگین بخار آب در هوا، به تقریب برابر با درصد حجمی گاز کربن دی اکسید در هوا پاک و خشک است.



- ۱۰۲ - کدام بخش(های) بدن بر اثر وجود اوزون تروپوسفری در هوا بیشتر آسیب می‌بیند؟
 ۱) پوست ۲) سامانه‌ی عصبی ۳) ریه‌ها و چشم‌ها ۴) قلب

- ۱۰۳ - از تجزیه‌ی $18/16$ گرم $C_3H_5N_3O_9$ در شرایط STP، چند لیتر گاز تولید می‌شود؟ (فراورده‌های این واکنش شامل چهار ماده که دو مورد جزو فراوان ترین اجزای اسازنده‌ی هواکره بوده و دو مورد دیگر از سوختن کامل متان حاصل می‌شود.)

$$(C=12, H=1, O=16, N=14: g/mol^{-1})$$

۱۳/۴۴ (۴) ۸/۹۶ (۳) ۸/۵۱۲ (۲) ۱۲/۹۹۲ (۱)

- ۱۰۴ - در شرایط یکسان، کدام‌یک از گازهای زیر آسان‌تر مایع می‌شود؟
 ۱) اوزون ۲) آمونیاک ۳) آرگون ۴) نیتروژن

- ۱۰۵ - عبارت‌های زیر در مورد سوخت‌های بنزین، گاز طبیعی، زغال سنگ و هیدروژن است. کدام دو عبارت مربوط به یک سوخت است؟
 آ) تولید این سوخت، صرفه‌ی اقتصادی ندارد.

ب) در مقایسه با سایر سوخت‌ها، استفاده از آن، آلینده‌های بیشتری ایجاد می‌کند.

پ) یک گرم از آن در مقایسه با همین مقدار از سایر سوخت‌ها، گرمای کمتری آزاد می‌کند.

ت) گران‌ترین سوخت فسیلی است (بر مبنای گرم).

۱) آآ، ۲) بب، ۳) بب، ۴) آآ، ۵) آآ، ۶) بب، ۷) تت

- ۱۰۶ - اگر مجموع شمار اتم‌ها در هر واحد فرمولی از آهن (X) کلرید باهم برابر باشد، حاصل ضرب X و Y برابر با..... بوده و آرایش الکترونی کاتیون Fe^{X+}_{26} به زیر لایه‌ی ختم می‌شود.

۱) ۴S², ۲) ۳d⁵, ۳) ۴S², ۴) ۳d^۶, ۵) ۴S^۲, ۶) ۳d^۶, ۷) ۴S^۲, ۸) ۳d^۶

- ۱۰۷ - ترتیب فراوانی یون‌های حل شده در آب دریا به کدام صورت درست است؟



- ۱۰۸ - فرمول شیمیابی یک نوع سنگ معدن به نام اوانسیت بدون در نظر گرفتن مولکول‌های آب موجود در بلور آن به صورت $Al_3(PO_4)(OH)_n$ است. در این صورت n کدام است؟

۱) ۱ ۲) ۲ ۳) ۳ ۴) ۴

- ۱۰۹ - کدام‌یک از مطالب زیر درست است؟

۱) برای حفظ سلامت دندان‌ها، به آب آشامیدنی مقدار بسیار کمی گاز فلور می‌افزایند.

۲) در یون‌های چنداتمی، بار الکتریکی به اتم مرکزی تعلق دارد.

۳) آب آشامیدنی برخلاف آب دریاها یک مخلوط همگن به شمار می‌آید.

۴) آب باران در هوای پاک تقریباً خالص است.

- ۱۱۰ - کدام‌یک از ترکیب‌های یونی زیر در آب حل می‌شود؟

۱) آمونیوم سولفات ۲) نقره کلرید ۳) کلسیم فسفات ۴) باریم سولفات

دفترچه شماره ۲

آزمون شماره ۱۹

جمعه ۹۸/۰۱/۲۳



آزمون‌های سراسری گاج

گزینه درست را انتخاب کنید.

سال تحصیلی ۹۷-۹۸

پاسخ‌های تشریحی

پایه دهم ریاضی

دوره‌ی دوم متوسطه

شماره داوطلبی:

نام و نام خانوادگی:

مدت پاسخ‌گویی: ۱۲۵ دقیقه

تعداد سوالاتی که باید پاسخ دهید: ۱۱۰

عناوین مواد امتحانی آزمون گروه آزمایشی علوم ریاضی، تعداد سوالات و مدت پاسخ‌گویی

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سوال	شماره سوال	از	مدت پاسخ‌گویی
۱	فارسی ۱	۱۰	۱	۱۰	۱۰ دقیقه
۲	عربی، زبان قرآن ۱	۱۰	۱۱	۲۰	۱۰ دقیقه
۳	دین و زندگی ۱	۱۰	۲۱	۳۰	۱۰ دقیقه
۴	زبان انگلیسی ۱	۱۰	۳۱	۴۰	۱۰ دقیقه
۵	ریاضی ۱	۲۰	۴۱	۶۰	۴۰ دقیقه
	هندرسه ۱	۱۰	۶۱	۷۰	
۶	فیزیک ۱	۲۰	۷۱	۹۰	۲۵ دقیقه
۷	شیمی ۱	۲۰	۹۱	۱۱۰	۲۰ دقیقه

برای اطلاع از نتایج آزمون و زمان دقیق اعلام آن در کانال تلگرام گاج عضو شوید. [@Gaj_ir](https://t.me/Gaj_ir)

آزمون‌های سراسری گاج

ویراستاران علمی	طراحان	دروس
ابوالفضل مزرعی - اسماعیل محمدزاده مسیح گرجی - مریم نوری‌نیا	امیرنجات شجاعی - مهدی نظری	فارسی
حسام حاج مؤمن - شاهو مرادیان سید مهدی میرفتحی - منیزه خسروی مختار حسامی	راضیه یادگاری	زبان عربی
بهاره سلیمی	محمد رضا عابدی شاهرودی	دین و زندگی
پریسا فیلو - مریم پارسانیان	امید یعقوبی‌فرد	زبان انگلیسی
پگاه افتخار - سودابه آزاد مریم ولی‌عابدینی - سور حیری	ندا فرهختی - سبحان سیف‌اللهی راد امید حیدری - بهروز درزاده ندا فرهختی	ریاضی ۱ هندسه ۱
محمدحسین جوان - امیر بهشتی خو سعید ناییه - مروارید شاه‌حسینی	علی امانت	فیزیک
ایمان زارعی - امین بابازاده رضیه قربانی - امیر شهریار قربانیان	مریم تمدنی	شیمی

آماده‌سازی آزمون

مدیریت آزمون: ابوالفضل مزرعی

بازبینی و نظارت نهایی: سارا نظری

برنامه‌ریزی و هماهنگی: مریم جمشیدی عینی - مینا نظری

ویراستاران فنی: بهاره سلیمی - سانا فلاحی - آمنه قلی‌زاده - مروارید شاه‌حسینی - مریم پارسانیان

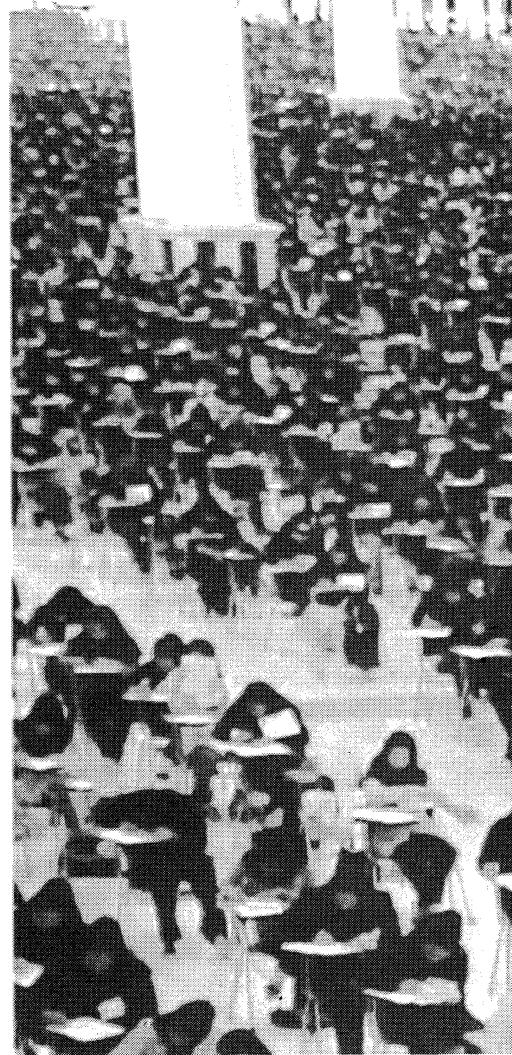
مدیر فنی: مهرداد شمسی

سرپرست واحد فنی: سعیده قاسمی

طراح شکل: فاطمه میناسرش

حروف‌نگاران: پگاه روزبهانی - زهرا نظری‌زاد - سارا محمودنسب - نرگس اسودی - فرهاد عبدی

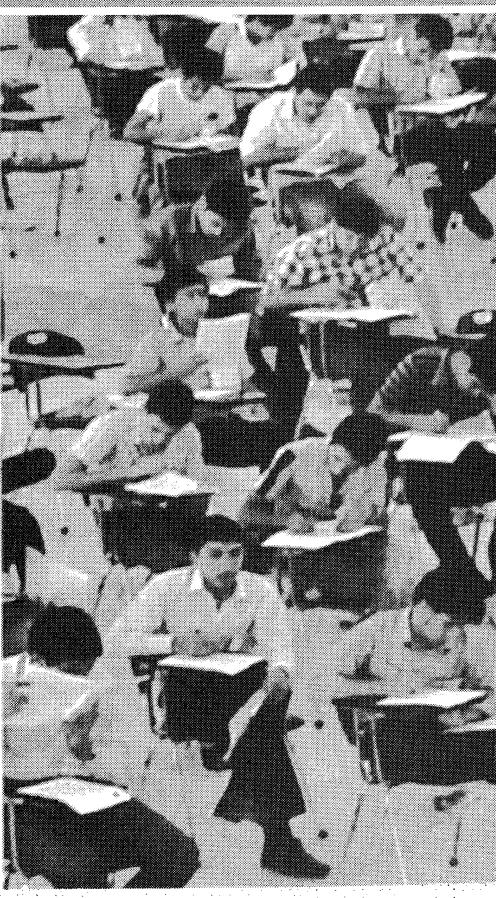
امور چاپ: عباس جعفری



دفتر مرکزی تهران، خیابان انقلاب، بین
چهارراه و لیکنر (عج) و
خیابان فلسطین، شماره ۹۱۹

تلفن: ۰۲۱-۶۴۲۰-۳۷۸۷

نشانی اینترنتی: www.gaj.ir



حقوق دانشآموزان در آزمون‌های سراسری گاج

داوطلب گرامی؛ با سلام در اینجا شما را با بخشی از حقوق خود در آزمون‌های سراسری گاج آشنا می‌نماییم:

- ۱- اطلاعات شناسنامه‌ای و آموزشی شما مانند نام، نام خانوادگی، جنسیت و گروه آزمایشی بایستی به صورت صحیح در بالای پاسخ‌برگ درج شده باشد.
- ۲- آزمون‌های سراسری گاج باید راس ساعت اعلام شده در دفترچه، شروع و خاتمه یابد.
- ۳- محل برگزاری آزمون باید از لحاظ سرمایش و گرمایش، نور کافی، نظافت و سایر موارد در حد مطلوب و استاندارد باشد.
- ۴- سوالات آزمون‌های سراسری گاج بایستی نزدیک‌ترین سوالات به کنکور سراسری باشد و عاری از هرگونه اشکال علمی و تایپی باشد.
- ۵- در هنگام برگزاری آزمون باید تغذیه رایگان دریافت نمایید.
- ۶- بعد از هر آزمون و به هنگام خروج از جلسه آزمون بایستی پاسخ‌نامه‌ی تشریحی هر آزمون را دریافت نمایید.
- ۷- کارنامه‌ی هر آزمون بایستی در همان روز آزمون به روش‌های ذیل تحویل شما گردد:

- مراجعه به سایت گاج به نشانی www.gaj.ir

- مراجعه به نمایندگی.

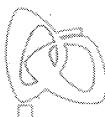
- ۸- خدمات مشاوره‌ای رایگانی که در طی ۱ مرحله آزمون (ویژه داوطلبان آزاد) ارائه می‌گردد شامل:

- برگزاری جلسه مشاوره حضوری به صورت انفرادی حداقل یکبار در طی هر آزمون توسط رابط تحصیلی.
- تماس تلفنی حداقل ۲ بار در طی هر آزمون توسط رابط تحصیلی.
- تماس تلفنی با اولیا حداقل یکبار در هر فاز [آزمون‌های سراسری گاج در چهار فاز تابستانه، ترم اول، ترم دوم و جامع برگزار می‌گردد].
- بررسی کارنامه آزمون توسط رابط تحصیلی در هر آزمون.

چنانچه در هر یک از موارد فوق کمبود و یا نقصی مشاهده نمودید لطفاً بلاfaciale با تلفن ۰۶۴۲۰—۲۱ تماس حاصل نموده و مراتب را اطلاع دهید.



در گاج، بهترین صدا،
صدای دانشآموز است.



۱ زانت: آراست، زینت داد؛ فعل ماضی سوم شخص است. [رد گزینه‌های (۳) و (۴)]

۲ فُتْشَت: بازرسی شد؛ فعل ماضی مجهول است. [رد سایر گزینه‌ها]

۳ تَقْدِمَتَا: پیش‌رفتمان؛ مصدر است. [رد سایر گزینه‌ها]

۴ تَسْاعِدَتَا: به ما کمک می‌کند؛ فعل مضارع است. [رد سایر گزینه‌ها]

۵ دلایل رد سایر گزینه‌ها:

(۱) إغْتِنِمَا: غنیمت بشمارید؛ فعل امر است.

ترجمه: فرست را هنگام دیدن سپاهیان بزرگش غنیمت بشمارید.

(۳) أَحْتِفِلُ: جشن می‌گیرم.

ترجمه: روز پیروزی رزمدگان را در جنگ جشن می‌گیرم.

(۴) سَاعِدَتِي: به من کمک کرد.

ترجمه: دوست عزیزم در مشکلات کمک کرد.

۶ ترجمه عبارت سؤال: «با آنان به رویی که نیکوتر است بحث کن»

۷ ترجمه گزینه‌ها:

(۱) «و هرگاه نادانان آن‌ها را خطاب کردند سلام (سخن آرام) گفتند.»

(۴) «کسانی‌که فرشتگان جان آن‌ها را به پاکی می‌گیرند، می‌گویند سلام بر شما.»

۸ ترجمه گزینه‌ها:

(۱) در کارهای بد مردم باید فکر کنیم.

(۲) حیوانات پستاندار حیواناتی هستند که به بچه‌هایشان شیر می‌دهند.

(۳) در از دست دادن فرصت غصه‌ای نداریم.

(۴) خدا انسان را به اندازه توانش تکلیف می‌دهد.

■■■ گزینه مناسب را در پاسخ به سوالات زیر مشخص کن (۲۰ - ۱۷):

۹ «ما» در این عبارت مفعول است.

ترجمه: «پس آن‌چه را از قرآن می‌سّر است، بخوانید.»

۱۰ بُررسی سایر گزینه‌ها:

(۱) ما: حرف نفی

ترجمه: «کسی را در کلاس ندیدم، زیرا جشن در حیاط مدرسه بود.»

(۳) ما: حرف نفی

ترجمه: «پروردگارها همانا تو کسی را که وارد آتش می‌کنی، خوار ساخته‌ای و برای ستمگران هیچ یاوری نیست.»

(۴) ما: مجرور به حرف جر

ترجمه: «پروردگارها همانا من به آن‌چه که از خوبی به سوی من فرستادی نیازمندم.»

۱۱ بُررسی گزینه‌ها:

(۱) ثلَاثَة: مبتدای مؤخر

ترجمه: در آن اتفاق کوچک سه چراغ است که آن را روشن می‌کند.

(۲) سَبْعُونَ: مبتدای مؤخر

ترجمه: عسل هفتاد خاصیت دارد که آن را برترین انواع مواد قندی قرار داده است.

(۳) أَرْبَعَة: مبتدای

ترجمه: چهار (نفر) از این دانش‌آموزان، هم‌شاغردی‌های من در کلاس هستند.

(۴) سَبْعَ: مضاف‌إله

ترجمه: به مدت هفت شب و هشت روز آن را بر آن‌ها مسخر کرد.

فارسی

۱۱ معنی درست واژه‌ها: هَزِير: چاپک، هوشیار، نیکو / ڈمان: خروشندہ، غرّندہ، مهیب، ہولناک / بسنده: سزاوار، شایسته، کافی، کامل / مولع: شیفته، بسیار مشتاق، آرمند / فضل: بخشش، کرم، نیکوی، دانش

۱۲ معنی درست واژه‌ها: سندروس: صمفی زردنگ / خدنگ: چوی سخت و محکم که از آن تیر و نیزه می‌سازند. / مکاری: کسی که اسب و شتر و الاغ کرایه می‌دهد یا کرایه می‌کند. (فکار: حیله‌گر) / یله: رها، آزاد؛ یله دادن: تکیه دادن

۱۳ املای درست واژه: سخره

۱۴ به بالا صنوبر [بود] به دیدن چو حور [بود]

۱۵ بُررسی سایر گزینه‌ها:

(۱) استعاره: صنم استعاره از معشوق

(۲) تلمیح: اشاره به داستان فرهاد و شیرین

(۳) تشخیص: جان بخشی به باد

۱۶ مفهوم گزینه‌ی (۲): توصیف شادخواری و ستایش ممدوح

مفهوم مشترک سایر گزینه‌ها: توصیف‌نایابی معشوق

۱۷ مفهوم مشترک ابیات سؤال و گزینه‌ی (۳): زیاده‌طلبی

موجب پیشمانی است.

۱۸ مفهوم سایر گزینه‌ها:

(۱) ستایش معشوق و توصیف حال زار عاشق

(۲) جاودانگی عشق طلب توفیق یکتاپرستی

۱۹ مفهوم مشترک حدیث شریف و گزینه‌ی (۲): خودحسابی و آخرت‌اندیشه

۲۰ مفهوم سایر گزینه‌ها:

(۱) بی‌سامانی روزگار

(۴) خود را بی‌اعتبار پنداشتن

۲۱ مفهوم مشترک عبارت سؤال و گزینه‌ی (۳): نکوهش قضاوت

بر اساس ظاهر

۲۲ بُررسی سایر گزینه‌ها:

(۱) جاودانگی عشق در دل عاشق و بی‌وفایی معشوق

(۲) طلب تزکیه نفس (پاکی درون) از خداوند

(۴) ستایش خداوند

۲۳ مفهوم مشترک حدیث شریف و گزینه‌ی (۲): ناپایداری دنیا

۲۴ مفهوم سایر گزینه‌ها:

(۱) گله از ناکامی در وصال معشوق

(۳) شرح ناکامی و طلب عنایت از معشوق

(۴) از ماست که بر ماست.

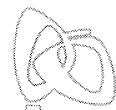
۲۵ زبان عربی

درست‌ترین و دقیق‌ترین جواب را در ترجمه یا مفهوم مشخص کن (۱۶ - ۱۱):

۲۶ أَخْلِصُ: خالص می‌شوم؛ فعل مضارع اول شخص از باب «إفعال» است. [رد سایر گزینه‌ها]

أَسْتَغْفِرُ: آمرزش می‌طلیم؛ فعل مضارع اول شخص از باب «استفعال» است.

[رد سایر گزینه‌ها]



۲۶ یکی از وقایع مرحله‌ی دوم قیامت حضور شاهدان و گواهان است از جمله‌ی این شاهدان اعضاً بدن انسان است که خداوند در این باره در آیه‌ی ۶۵ سوره‌ی یس می‌فرماید: «الیوم نختم علی افواههم ... امروز بر دهانشان مهر می‌نہیم ...».

۲۷ بالاترین نعمت بهشت، رسیدن به مقام خشنودی خداست و کامل ترین و عمیق‌ترین رابطه‌ی پاداش و کیفر، تجسم اعمال است.

توجه: قسمت دوم هر سه گزینه‌ی (۲)، (۳) و (۴) درست است.

۲۸ در ترجمه‌ی آیات ۴۵ و ۴۶ سوره‌ی واقعه آمده است که جهنمیان پیش از این در دنیا مست و مغور نعمت بودند و بر گناهان بزرگ اصرار می‌ورزیدند.

۲۹ امام علی (ع) درباره‌ی چگونگی پیروی از ایشان می‌فرماید: «آگاه باش برای هر پیروی‌کننده‌ای، امام و پیشوایی است که باید از او تبعیت کند و از علم او کسب نور کند، هشیار باش، امام شما از دنیا پیش به دو لباس کهنه و از خوراکش به دو قرص نان کفایت کرده است، اما شما قطعاً توانایی این قناعت را ندارید، ولی با پرهیزکاری و کوشش در راه خدا، و عفت و درستکاری، مرا یاری کنید». با توجه به سخنان ایشان عبارت «برای هر پیروی‌کننده‌ای امام و پیشوایی است که باید همیشه همراه او باشد و همانند امام خود به دو لباس کهنه قناعت کند»، نادرست است.

۳۰ قرآن کریم خطای گروهی از مردم در زمینه‌ی دوستی با خدا را این‌گونه توصیف می‌کند: «و بعضی از مردم همتایانی را به جای خدا می‌گیرند آنان را دوست می‌دارند مانند دوستی خدا ... و مَنَ النَّاسِ مَنْ يَتَّخِذُ مِنْ دُونِ اللَّهِ أَنَّدَادًا يَحْبُّوْهُمْ كَحْبَ اللَّهِ ...» هم‌چنین با توجه به ادامه‌ی آیه «وَ الَّذِينَ آمَنُوا أَكْثَرُهُمْ حَبَّالِلَهِ: اما كسانی که ایمان آورده‌اند (مؤمنین) به خدا محبت بیش‌تری دارند».

توجه: آیه شریفه‌ی «قُلْ إِنَّ كُنْتُمْ تَحْبُّونَ اللَّهَ فَأَتَبْعَوْنِي ...» مربوط به پیروی از خداوند از آثار محبت به خدا و راههای افزایش آن است، نه مفهوم کلی دوستی و محبت به خدا.

زبان انگلیسی

۳۱ دیشب آقای جانسون هنگامی به خانه رسید که همسرش آشپزی می‌کرد و بچه‌ها بازی می‌کردند.

توضیح: در صورتی که یک یا چند عمل در گذشته در حال انجام بوده باشند و در این حین عمل کوتاه‌تری اتفاق بیفتد، برای فعل یا افعال طولانی‌تر از زمان گذشته‌ی استمراری (در این مورد "were cooking" و "was" و "were") استفاده و برای فعل کوتاه‌تر از زمان گذشته‌ی ساده (در اینجا "got") استفاده می‌شود.

۳۲ مری لباس آبی‌ات خیلی زیباتر از این یکی [لباسی] است که پوشیده‌ای؛ چرا [آن را] عوض نمی‌کنی؟

توضیح: طبق مفهوم جمله و با توجه به مقایسه‌ی صورت گرفته بین دو لباس، در جای خالی به صفت تفضیلی نیاز داریم و پاسخ در بین گزینه‌های (۱) و (۳) است.

دقیقت کنید که به دلیل معنی جمله، در بین این دو گزینه تنها گزینه‌ی (۳) می‌تواند جمله را به درستی کامل کند.

۱۹ «مجتهدات» صفت برای «بنات» است و «بنات» موصوف و خبر است.

ترجمه: خواهان ما دختران کوشایی هستند که به ما در برگزاری مراسم کمک می‌کنند.

بررسی سایر گزینه‌ها:

(۱) مکانهً: موصوف و مفعول

ترجمه: در اوایل اسلام مسلمانان به جایگاه والایی در علوم رسیده بودند.

(۲) اللون: موصوف و مجرور به حرف جز

ترجمه: دل‌هایمان هنگامی که چشم‌هایمان زمین را به رنگ سبز می‌بیند، شاد می‌گردند.

(۳) العلماء: موصوف و مفعول

ترجمه: با دانشمندان کوشا معاشرت کن برای این‌که از گناهان دوری کنی و به خدا نزدیک شوی.

۲۰ اشتغلوا: فعل ماضی

ترجمه: به خوبی به مطالعه درس‌ها برای پیشرفت در آینده مشغول شدند.

بررسی سایر گزینه‌ها:

(۱) اسراعوا: امر

ترجمه: به کلاس بستابید تا تکالیف مدرسه را بخوانید و بنویسید.

(۲) گددم: امر

ترجمه: جایزه‌ای به تیم برنده در مسابقه فوتبال برای بزرگداشت و تشویق آن تقدیم کن.

(۳) تعلم: امر

ترجمه: زبان انگلیسی را برای ایجاد ارتباط میان خود و شریکان یاد بگیر.

دین و زندگی

۲۱ هر کس با بینش و نگرش خاص خود به سراغ هدفی می‌رود. اگر کسی چنین بیندیشد که کمک به دیگران ارزشمند است و می‌تواند روحیه‌ی بینهایت طلب او را سیراب کند و پاسخ‌گوی استعدادهای گوناگونش باشد، می‌کوشد به دیگران کمک کند. کسی هم که فکر می‌کند با داشتن شهرت می‌تواند به این نتایج برسد همه‌ی زندگی خود را در مسیر رسیدن به شهرت قرار می‌دهد. پس اختلاف در هدف‌ها، ریشه در نوع نگاه و اندیشه‌ی انسان دارد.

۲۲ خداوند سرشت ما را با خود آشنا کرد و گرایش به خود را در وجود ما قرار داد. از این رو هر کس در خود می‌نگرد و یا به تماسای جهان می‌نشیند، خدا را می‌یابد و محبتش را در دل احساس می‌کند. تمامی موارد گفته‌شده به سرشت خدا آشنا از عوامل رشد و سرمایه‌های انسان اشاره دارد.

۲۳ با توجه به ترجمه‌ی آیه ۶۴ سوره‌ی عنکبوت: «و سرای آخرت، زندگی حقیقی است، اگر می‌دانستند.» منظور از «لَهِيَ الحَيَاةُ» زندگی حقیقی است.

۲۴ قرآن کریم در بحث امکان معاد، یکی از انگیزه‌های انکار معاد را نشناختن قدرت خدا معرفی می‌کند و دلایل و شواهد زیادی می‌آورد تا نشان دهد معاد امری شدنی و ممکن است و خداوند بر انجام آن توانا است؛ مانند: (۱) آفرینش نخستین انسان (۲) بیان نمونه‌هایی از زنده شدن مردگان (۳) اشاره به نظام مرگ و زندگی در طبیعت

۲۵ پس از مرگ گرچه فعالیت‌های حیاتی بدن متوقف می‌شود، اما فرشتگان حقیقت وجود انسان را که همان روح اوتست، توفی می‌کنند، یعنی آن را به طور تمام و کمال دریافت می‌نمایند. بنابراین گرچه بدن حیات خود را از دست می‌دهد، اما روح هم‌چنان به حیات و فعالیتش ادامه می‌دهد.



۱ ۳۶ می‌توانیم از متن متوجه شویم که

(۱) دانشگاه‌های آمریکایی در طول سال‌ها بسیار تغییر کرده‌اند

(۲) امروزه تقریباً تمامی دانشجویان درس می‌خوانند تا معلم یا کشیش شوند

(۳) تمامی کالج‌ها در قرن بیستم بسیار مشابه بودند

(۴) بسیاری از دانشجویان تنها زبان‌های خارجی را فرا می‌گرفتند

۲ ۳۷ همراه با افزایش یافتن [میزان] معلومات، کالج‌ها شروع به تدریس کردند.

(۱) هر چیزی (موضوعی) که شناخته شده بود

(۲) موضوعات جدید بسیاری

(۳) [زبان] لاتین، یونانی و عبری

(۴) [زبان] فرانسوی و آلمانی

۳ ۳۸ کلمه‌ی "them" در پاراگراف چهارم به "students" اشاره دارد.

(۱) هاروارد و سایر کالج‌ها

(۲) موضوعات جدید بسیاری

(۳) دانشجویان

(۴) زبان‌ها

۴ ۳۹ کدام گزاره را می‌توان از متن برداشت کرد؟

(۱) امروزه از [سال] ۱۶۳۶ [موضوعات] بسیار بیشتری برای فراگرفتن وجود دارد.

(۲) مدارس [عالی] ابتدایی در طول قرن‌های گذشته خیلی تغییر نکرده‌اند.

(۳) در قرن شانزدهم، هر دانشجویی [زبان] لاتین، یونانی و عبری می‌خواند.

(۴) دانشگاه‌های آمریکایی ابتدا در [سال] ۱۸۲۵ شروع به تدریس زبان‌های خارجی کردند.

۵ ۴۰ این متن عمدتاً در مورد است.

(۱) پیشرفت کالج‌ها و دانشگاه‌های آمریکایی

(۲) مقایسه‌ی بهترین دانشگاه‌ها در ایالات متحده

(۳) آموزش عمومی در ایالات متحده در قرن شانزدهم

(۴) اهمیت زبان‌ها در آموزش آمریکایی

ریاضیات

۱ ۴۱

$$\left. \begin{array}{l} A_1 = (-1, 2) \\ A_2 = \left(-\frac{1}{2}, 3 \right) \end{array} \right\} \Rightarrow A_1 \cup A_2 = (-1, 3]$$

$$A_3 = \left(-\frac{1}{3}, 4 \right]$$

$$\Rightarrow (A_1 \cup A_2) - A_3 = (-1, 3] - \left(-\frac{1}{3}, 4 \right] = (-1, -\frac{1}{3}]$$

شامل هیچ عدد صحیحی نیست. \Rightarrow

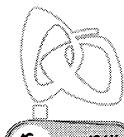
$$(A - (A - B)) \cup (B - (A - B'))$$

$$= (A \cap (A \cap B'))' \cup ((B \cap (A \cap B))')$$

$$= (A \cap (A' \cup B)) \cup (B \cap (A' \cup B'))$$

$$= (\emptyset \cup (A \cap B)) \cup ((B \cap A') \cup \emptyset)$$

$$= (A \cap B) \cup (B \cap A') = B \cap (A \cup A') = B \xrightarrow{U} B'$$



۴۷

$$\tan \theta = \frac{\sin \theta}{\cos \theta} < 0 \Rightarrow \begin{cases} \sin \theta < 0, \cos \theta > 0 \\ \text{یا} \\ \sin \theta > 0, \cos \theta < 0 \Rightarrow \sin \theta - \cos \theta > 0 \end{cases}$$

(غیر) $\sin \theta < 0, \cos \theta > 0 \Rightarrow \theta$ در ربع چهارم قرار دارد.

۱ ۴۸

$$S = \frac{1}{2} \times 10 \times 12 \times \sin 37^\circ$$

پس کافی است $\sin 37^\circ$ را بیابیم:

$$1 + \cot^2 \theta = \frac{1}{\sin^2 \theta} \quad \frac{\tan 37^\circ = \frac{75}{100} = \frac{3}{4}}{\cot 37^\circ = \frac{4}{3}} \rightarrow 1 + \frac{16}{9} = \frac{1}{\sin^2 37^\circ}$$

$$\Rightarrow \frac{25}{9} = \frac{1}{\sin^2 37^\circ} \Rightarrow \sin^2 37^\circ = \frac{9}{25}$$

$$\frac{\sin 37^\circ > 0}{\rightarrow \sin 37^\circ = \frac{3}{5} = \frac{6}{10}}$$

بنابراین:

$$S = \frac{1}{2} \times 10 \times 12 \times \frac{6}{10} = \frac{10 \times 6}{10} = 36$$

۲ ۴۹

$$\frac{\sqrt{3-\sqrt{5}} + \sqrt{3+\sqrt{5}}}{\sqrt{2}} \times \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}\sqrt{3-\sqrt{5}} + \sqrt{2}\sqrt{3+\sqrt{5}}}{2}$$

$$= \frac{\sqrt{6-2\sqrt{5}} + \sqrt{6+2\sqrt{5}}}{2} = \frac{\sqrt{(1-\sqrt{5})^2} + \sqrt{(1+\sqrt{5})^2}}{2}$$

$$= \frac{|1-\sqrt{5}| + |1+\sqrt{5}|}{2} = \frac{(\sqrt{5}-1) + (\sqrt{5}+1)}{2} = \frac{2\sqrt{5}}{2} = \sqrt{5}$$

۳ ۵۰

$$x\sqrt{-x} \times \sqrt[3]{x} = \sqrt{-x} \times \sqrt[3]{x^3} = \sqrt{-x} \times \sqrt[3]{x^4}$$

$$\sqrt[3]{x^4} = \sqrt[3]{(-x)^4} \quad \sqrt{-x} \times \sqrt[3]{(-x)^4} = (-x)^{\frac{1}{3}} (-x)^{\frac{4}{3}}$$

$$= (-x)^{\frac{4+1}{3}} = (-x)^{\frac{5}{3}}$$

$$\xrightarrow{\text{حاصل}} = (-\sqrt[3]{-x})^{\frac{11}{6}} = (\sqrt[3]{x})^{\frac{11}{6}} = (x^{\frac{1}{3}})^{\frac{11}{6}} = x^{\frac{11}{18}}$$

$$= (x^{\frac{1}{3}})^{\frac{1}{6}} = x^{\frac{1}{18}} = \sqrt[3]{x^{\frac{1}{2}}} = \sqrt[3]{2}$$

۴ ۵۱

$$\frac{x^4 - 2x^3}{x^3} = \frac{-8x + 16}{(-8)} = x^3(x-2) - 8(x-2)$$

فاکتور از (-8) فاکتور از (x-2)

$$\frac{(x-2)}{(x-2)(x^3 - 8)} = (x-2)(x^3 - 8)$$

$$= (x-2)(x^3 - 8) = (x-2)(x-2)(x^2 + 2x + 4)$$

اتحاد چاق و لاغر

$$= (x-2)^2(x^2 + 2x + 4)$$

$$\begin{cases} a_1 + a_2 + a_3 = 12 \\ a_1 a_2 a_3 = 42 \end{cases} \xrightarrow{a_n = a_1 + (n-1)d} \begin{cases} a_1 + a_1 + d + a_1 + 2d = 12 \\ a_1(a_1 + d)(a_1 + 2d) = 42 \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} 3a_1 + 3d = 12 \Rightarrow a_1 + d = 4 \Rightarrow a_1 = 4 - d \\ a_1(a_1 + d)(a_1 + 2d) = 42 \end{cases}$$

$$\Rightarrow (4-d) \underbrace{(4-d+d)}_{4+d} \underbrace{(4-d+2d)}_{4+d+2d} = 42 \Rightarrow 16 - d^2 = \frac{42}{4}$$

$$\Rightarrow 16 - d^2 = \frac{21}{2} \Rightarrow d^2 = 16 - \frac{21}{2} = \frac{32-21}{2} \Rightarrow d^2 = \frac{11}{2}$$

$$\Rightarrow d = \pm \sqrt{\frac{11}{2}} \xrightarrow{d > 0} d = \sqrt{\frac{11}{2}} = \frac{\sqrt{11}}{\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{22}}{2}$$

در دنباله‌ی هندسی داریم:

$$a, b = 3a, c = 9a \quad (*)$$

در دنباله‌ی حسابی داریم:

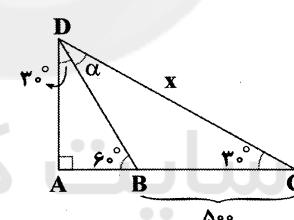
جمله $k+4$

$$\overbrace{a, x, b, x_1, x_2, \dots, x_k, c}^{\downarrow \downarrow \downarrow \downarrow \downarrow \downarrow} \quad a_1 \quad a_2 \quad \dots \quad a_{k+4} \quad c$$

$$d = \frac{a_2 - a_1}{3-1} = \frac{a_{k+4} - a_2}{k+4-3} \Rightarrow \frac{b-a}{2} = \frac{c-b}{k+1}$$

$$\xrightarrow{(*)} \frac{3a-a}{2} = \frac{9a-3a}{k+1} \Rightarrow \frac{2a}{2} = \frac{6a}{k+1}$$

$$\Rightarrow 1 = \frac{6}{k+1} \Rightarrow k+1 = 6 \Rightarrow k = 6-1 = 5$$

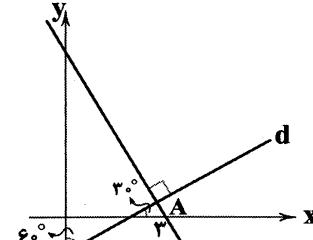


$\triangle BCD$ زاویه‌ی خارجی $\hat{ABD} \Rightarrow 60^\circ = 30^\circ + \alpha \Rightarrow \alpha = 30^\circ$
 $\Rightarrow BD = BC = 50$

$$\triangle ABD: \sin 30^\circ = \frac{AB}{BD} \Rightarrow \frac{1}{2} = \frac{AB}{50} \Rightarrow AB = 25 \text{ متر}$$

$$\triangle ACD: \cos 30^\circ = \frac{AC}{CD} \Rightarrow \frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{50+25}{x} \Rightarrow x = \frac{2 \times 75}{\sqrt{3}}$$

$$\Rightarrow x = \frac{150}{\sqrt{3}} = \frac{150\sqrt{3}}{3} = 50\sqrt{3} \text{ متر}$$

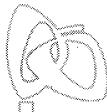


$$m_d = \tan 30^\circ = \frac{\sqrt{3}}{3}$$

$$\Rightarrow m_l = \frac{-1}{m_d} = \frac{-1}{\frac{\sqrt{3}}{3}} = -\frac{3}{\sqrt{3}} = -\sqrt{3}$$

$$\xrightarrow{A(3, 0)} y = -\sqrt{3}(x-3) \Rightarrow 1:y = -\sqrt{3}x + 3\sqrt{3}$$

$$\xrightarrow{x=0} \text{عرض از مبدأ خط } l = 3\sqrt{3}$$



$$y = 2x^2 - 12x + 10$$

$$x = -\frac{b}{2a} = \frac{12}{4} = 3$$

$$y = 18 - 36 + 10 = -8$$

(می توانستیم با استفاده از فرمول $\frac{-\Delta}{4a}$ هم عرض رأس سهمی را به دست آوریم.)

روش دوم: اگر x_1 و x_2 محل تلاقی سهمی با محور x ها باشد، معادله کلی سهمی به صورت زیر است:

$$y = a(x - x_1)(x - x_2)$$

بنابراین در این سهمی داریم:

$$y = a(x - 1)(x - 5) \xrightarrow{(0, 10)} 10 = a(-1)(-5)$$

$$\Rightarrow 10 = 5a \Rightarrow a = 2$$

$$\Rightarrow y = 2(x - 1)(x - 5) = 2x^2 - 12x + 10$$

$$\Rightarrow y_s = \frac{-\Delta}{4a} = \frac{-(144 - 4(2)(10))}{4(2)} = -8$$

چون تابع ثابت می باشد، بنابراین باید برد آن تنها شامل یک

عضو باشد:

$$\begin{cases} a+b=3 \quad (*) \\ a^2-b^2=3 \end{cases}$$

$$\Rightarrow (a-b)(a+b)=3 \xrightarrow{(*)} a-b=1$$

در نتیجه:

$$\begin{cases} a+b=3 \\ a-b=1 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} a=2 \\ b=1 \end{cases} \Rightarrow a^2+b^2=4+1=5$$

چون f یک تابع خطی می باشد، بنابراین ضابطه آن را به

صورت $f(x) = ax + b$ در نظر می گیریم.

دقت داشته باشید در یک تابع خطی با شیب مثبت، اگر ابتدا و انتهای دامنه را در ضابطه قرار دهیم، به ترتیب ابتداء و انتهای برد به دست می آید، بنابراین:

$$\begin{cases} f(2)=0 \\ f(8)=4 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 2a+b=0 \\ 8a+b=4 \end{cases} \xrightarrow{\times(-1)} -2a-b=0$$

$$\begin{cases} 6a=4 \\ \text{دو رابطه را با هم جمع می کنیم.} \end{cases} \Rightarrow 6a=4 \Rightarrow$$

$$\begin{cases} a=\frac{2}{3} \\ b=-2a=-\frac{4}{3} \end{cases}$$

بنابراین ضابطه تابع f برابر است با:

$$f(x) = \frac{2}{3}x - \frac{4}{3}$$

طول از مبدأ این خط از قرار دادن $y=0$ در ضابطه آن به دست می آید:

$$0 = \frac{2}{3}x - \frac{4}{3} \Rightarrow x = 2$$

برای به دست آوردن $f(5)$ ، ابتدا باید بینیم که $+1$

به ازای چه مقداری از x برابر 5 می شود:

$$2x+1=5 \Rightarrow 2x=4 \Rightarrow x=2$$

بنابراین اگر $x=2$ را جایگذاری کنیم، داریم:

$$f(2x+1) = x + \frac{1}{x} \xrightarrow{x=2} f(5) = 2 + \frac{1}{2} = \frac{5}{2}$$

بنابراین:

ابتدا حاصل عبارت را ساده می کنیم:

$$\begin{aligned} & \left(\frac{x}{x-1} - \frac{1}{x+1} \right) \div \left(\frac{1}{x-1} + \frac{x}{x+1} \right) \\ &= \frac{x(x+1) - (x-1)}{(x-1)(x+1)} \div \frac{x+1+x(x-1)}{(x-1)(x+1)} \\ &= \frac{x^2 + x + x + 1 - x + 1}{x^2 - 1} \div \frac{x^2 + x + x^2 - x - 1}{x^2 - 1} = \frac{x^2 + 1 \times x + x \times 1}{x^2 - 1} = 1 \end{aligned}$$

$$x^2 - 1 = t \Rightarrow t^2 - t - 6 = 0 \Rightarrow (t-3)(t+2) = 0$$

$$\begin{cases} t=3 \Rightarrow x^2 - 1 = 3 \Rightarrow x^2 = 4 \Rightarrow x = \pm 2 \\ t=-2 \Rightarrow x^2 - 1 = -2 \Rightarrow x^2 = -1 \Rightarrow \text{جواب ندارد.} \end{cases}$$

بنابراین در مجموع، معادله ۲ جواب دارد.

۲ ۵۴

$$\begin{cases} x+y=10 \Rightarrow y=10-x \\ xy=22 \end{cases}$$

$$\Rightarrow x(10-x)=22 \Rightarrow 10x - x^2 = 22 \Rightarrow x^2 - 10x + 22 = 0$$

$$\Delta = (-10)^2 - 4(22) = 100 - 88 = 12$$

$$x = \frac{-(-10) \pm \sqrt{12}}{2} \Rightarrow \begin{cases} x = \frac{10 + \sqrt{12}}{2} = \frac{10 + 2\sqrt{3}}{2} = 5 + \sqrt{3} \\ x = \frac{10 - \sqrt{12}}{2} = \frac{10 - 2\sqrt{3}}{2} = 5 - \sqrt{3} \end{cases}$$

$$\begin{cases} y=10-x = 5 - \sqrt{3} \\ y=10-x = 5 + \sqrt{3} \end{cases}$$

در هر صورت این دو عدد $5 - \sqrt{3}$ و $5 + \sqrt{3}$ می باشند و اختلاف آنها برابر است: $|5 + \sqrt{3} - (5 - \sqrt{3})| = 2\sqrt{3}$

برای اینکه این عبارت همواره مثبت باشد باید $a > 0$ باشد.

$$\Delta < 0 \Rightarrow 4m^2 - 4(m)(2) < 0 \Rightarrow 4m^2 - 8m < 0 \Rightarrow 4m(m-2) < 0$$

$$\frac{m}{4m(m-2)} \left| \begin{array}{c} + \\ + \\ - \\ + \end{array} \right| \Rightarrow 0 < m < 2 \quad (1)$$

شرط دوم: $a > 0 \Rightarrow m > 0 \quad (2)$

$$(1) \cap (2) \Rightarrow 0 < m < 2$$

۲ ۵۶ روش اول: چون سهمی از نقاط $(0, 0)$, $(0, 10)$ و $(5, 0)$ می گذرد، بنابراین مختصات این نقاط در معادله سهمی صدق می کنند:

$$y = ax^2 + bx + c$$

$$\frac{x=0}{y=10} \Rightarrow 10 = 0 + 0 + c \Rightarrow c = 10$$

$$\frac{x=1, y=0}{c=10} \Rightarrow 0 = a + b + 10 \Rightarrow a + b = -10$$

$$\frac{x=5, y=0}{c=10} \Rightarrow 0 = 25a + 5b + 10 \Rightarrow 25a + 5b = -10$$

حال دستگاه معادلات را حل می کنیم:

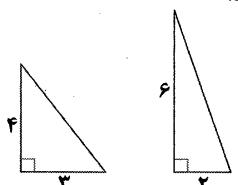
$$\begin{cases} a+b=-10 \\ 25a+5b=-10 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} -5a-5b=50 \\ 25a+5b=-10 \end{cases}$$

$$\Rightarrow 20a = 40 \Rightarrow a = 2 \xrightarrow{a+b=-10} b = -12$$

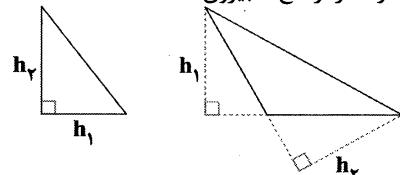


۱ ۶۳ هر چهارضلعی که ۴ ضلع برابر داشته باشد، لوزی است.
مثال نقطه سایر گزینه‌ها:

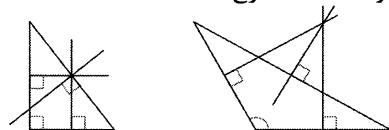
(۲) دو مثلث زیر هم مساحت‌اند، اما همنهشت نیستند.



(۳) در مثلث قائم‌الزاویه ۲ تا از ارتفاع‌ها روی مثلث‌اند (اضلاع قائم‌هاند) یا اگر مثلث دارای زاویه‌ی منفرجه باشد، دو تا از ارتفاع‌ها بیرون مثلث‌اند.



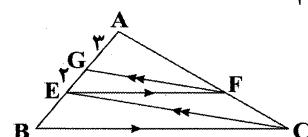
(۴) در مثلث قائم‌الزاویه نقطه‌ی همرسی عمودمنصف‌ها روی وتر و در مثلث با زاویه‌ی منفرجه، نقطه‌ی همرسی عمودمنصف‌ها خارج مثلث است.



$$\left. \begin{array}{l} EF \parallel BC \xrightarrow{\Delta ABC \text{ تالس در}} \frac{AE}{BE} = \frac{AF}{CF} \\ FG \parallel CE \xrightarrow{\Delta AEC \text{ تالس در}} \frac{AG}{EG} = \frac{AF}{CF} \end{array} \right\} \Rightarrow \frac{AE}{BE} = \frac{AG}{EG}$$

$$\Rightarrow \frac{3+2}{BE} = \frac{3}{2} \Rightarrow BE = \frac{2 \times 5}{3} = \frac{10}{3}$$

$$\Rightarrow AB = AE + BE = 5 + \frac{10}{3} = \frac{25}{3}$$



۴ ۶۵ بنا به (تعمیم) قضیه‌ی تالس داریم:

$$\frac{2x-3}{y} = \frac{3}{5} = \frac{x}{x+3}$$

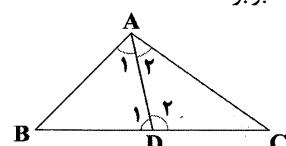
$$\frac{(2)}{(1)} \rightarrow 2(x+3) = 5x \Rightarrow 2x+6 = 5x \Rightarrow 5x-2x = 6$$

$$\Rightarrow 2x = 6 \Rightarrow x = \frac{6}{2} = 3$$

$$\frac{(2)}{(1)} \rightarrow 5(2x-3) = 3y \Rightarrow 5(6-3) = 3y \Rightarrow 30 = 3y \Rightarrow y = 10$$

$$\Rightarrow \frac{x}{y} = \frac{3}{10} = 0.3$$

$\triangle ABD \sim \triangle ABC \Rightarrow$ زوایای دو مثلث برابرند.



$$\left\{ \begin{array}{l} \hat{B} = \hat{B} \\ \hat{D}_1 = \hat{A}_1 + \hat{C} \Rightarrow \hat{D}_1 \neq \hat{C} \Rightarrow \hat{D}_1 = \hat{A} \Rightarrow A\hat{D}B = \hat{A} \\ \Rightarrow \hat{A}_1 = \hat{C} \Rightarrow D\hat{A}B = \hat{C} \end{array} \right.$$

همچنین برای به دست آوردن (۳) f نیز باید بینیم که $2x+1=3$ به ازای چه مقداری از x برابر ۳ می‌شود:

$$2x+1=3 \Rightarrow 2x=2 \Rightarrow x=1$$

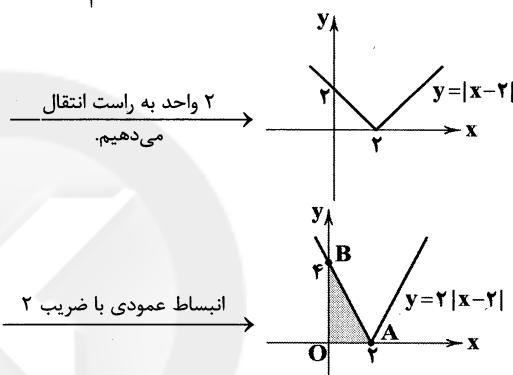
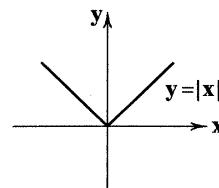
بنابراین اگر $x=1$ را جای‌گذاری کنیم، داریم:

$$f(2x+1) = x + \frac{1}{x} \xrightarrow{x=1} f(3) = 1 + 1 = 2$$

$$\frac{f(5)}{f(3)} = \frac{\frac{5}{2}}{\frac{3}{2}} = \frac{5}{3}$$

در نتیجه:

۱ ۶۰ نمودار تابع را رسم می‌کنیم:



$$\Rightarrow S_{\triangle OAB} = \frac{OB \times OA}{2} = \frac{4 \times 2}{2} = 4$$

۲ ۶۱ اندازه‌ی هر یک از زوایای داخلی یک پنج‌ضلعی منتظم برابر

$$\frac{(5-2) \times 180^\circ}{5} = \frac{3 \times 180^\circ}{5} = 108^\circ$$

است با:

روش اول: چون پنج‌ضلعی منتظم است، لذا طول اضلاع با هم و همچنین طول قطرها نیز با هم برابر می‌باشند، بنابراین مطابق شکل داریم:

$$\begin{aligned} 2\alpha + 108^\circ &= 180^\circ \Rightarrow 2\alpha = 72^\circ \Rightarrow \alpha = 36^\circ \\ 2\alpha + x &= 108^\circ \Rightarrow x = 108^\circ - 2(36^\circ) \\ &= 108^\circ - 72^\circ = 36^\circ \end{aligned}$$

روش دوم: در پنج‌ضلعی منتظم، قطرهای گذرا از یک رأس، آن رأس را به سه زوایه‌ی یکسان تقسیم می‌کنند:

روی عمودمنصف BC قرار دارد، پس از دو سر پاره خط به

یک فاصله است:

$$\begin{aligned} BD &= CD = 5 \\ \triangle ABD : \text{فیثاغورس در } BD^2 &= AD^2 + AB^2 \\ \Rightarrow 5^2 &= AD^2 + 4^2 \Rightarrow AD^2 = 25 - 16 = 9 \\ \Rightarrow AD &= 3 \\ \Rightarrow AC &= AD + CD = 3 + 5 = 8 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \triangle ABC : \text{فیثاغورس در } BC^2 &= AB^2 + AC^2 = 4^2 + 8^2 = 16 + 64 \\ \Rightarrow BC^2 &= 8^2 \Rightarrow BC = \sqrt{8^2} = \sqrt{16 \times 5} = 4\sqrt{5} \end{aligned}$$



از طرفی:

$$\text{توان مفید} = \frac{\rho Vgh}{\text{توان ورودی}} \Rightarrow \frac{50}{100} = \frac{t}{2500}$$

$$\Rightarrow \frac{120000}{0/5} = \frac{t}{2500} \Rightarrow t = \frac{120000}{0/5 \times 2500} = 96s$$

۷۹ نیروی بین مولکولی کوتاهبود می‌باشد و این نیرو در مولکول‌های آب به صورت هم‌چسبی است.

۸۰ ابتدا ارتفاع دو مایع را محاسبه می‌کنیم:

$$m_B = 2m_A \xrightarrow{m=\rho V} \rho_B V_B = 2\rho_A V_A$$

دقیق کنید که ظرف برای دو مایع یکسان است، پس

$$\xrightarrow{V=Ah} \rho_B Ah_B = 2\rho_A Ah_A$$

$$\Rightarrow \rho_B h_B = 2\rho_A h_A \Rightarrow 2h_B = 2 \times 1/5 h_A \Rightarrow h_A = h_B$$

از طرفی:

$$h_A + h_B = 156cm \Rightarrow h_A = h_B = 78cm$$

حال فشار هر مایع را برحسب سانتی‌متر جیوه محاسبه می‌کنیم:

$$\rho_A h_A = \rho_{جیوه} h_{جیوه} \Rightarrow h_{جیوه} = 1/5 \times 78 = 13h_{جیوه}$$

$$\Rightarrow P_A = 9cmHg$$

$$\rho_B h_B = \rho_{جیوه} h_{جیوه} \Rightarrow h_{جیوه} = 3 \times 78 = 13h_{جیوه}$$

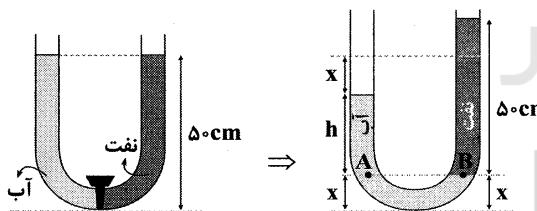
$$\Rightarrow P_B = 18cmHg$$

$$P = P_0 + P_A + P_B = 70 + 9 + 18 = 97cmHg$$

۸۱ ۲ چون چگالی آب بیشتر از نفت است، با باز شدن شیر رابط،

آب در لوله‌ی شاخه‌ی سمت چپ پایین آمده و نفت در لوله‌ی شاخه‌ی سمت

راست بالا می‌رود:



$$P_A = P_B$$

$$P_0 + (\rho_{آب} gh_{آب}) = P_0 + (\rho_{نفت} gh_{نفت}) \Rightarrow \rho_{آب} h_{آب} = \rho_{نفت} h_{نفت}$$

$$\Rightarrow 1000 \times h_{آب} = 800 \times 50 \Rightarrow h_{آب} = 40cm$$

با توجه به شکل بالا:

$$h_{آب} + 2x = 50cm \Rightarrow 40 + 2x = 50 \Rightarrow x = 5cm$$

۸۲ ۳ در حالت پایا و در مدت زمان یکسان، حجم و جرم برابری از

شاره از هر سطح مقطع دلخواه سرنگ می‌گذرد. با توجه به رابطه‌ی آهنگ شارش شاره در مقطع پهن سرنگ داریم:

$$\frac{\text{حجم شاره}}{\text{زمان}} = A v = \frac{\text{آهنگ شارش شاره}}{\text{زمان}}$$

$$\Rightarrow 2 \times 2 \times 2 = 8cm^3 = \text{حجم شاره}$$

که این مقدار، برابر حجمی است که از انتهای سرنگ خارج می‌شود.

کار نیروی وزن برابر است با:

$$W_{mg} = -mg |\Delta h| \quad (I)$$

برای محاسبه Δh از رابطه‌ی تندی داریم:

$$\frac{\text{مسافت}}{\text{زمان}} \Rightarrow \Delta h = 5 \times 4 = 20m \quad (II)$$

$$(I), (II) \Rightarrow W_{mg} = -4 \times 20 = -80J$$

$$\Delta U = -W_{mg} \Rightarrow \Delta U = +80J$$

از طرفی:

$$\Delta U = U_B - U_A \Rightarrow 80 = U_B - 40 \Rightarrow U_B = 120J$$

۲ ۷۶ محل پرتاب را مبدأ انرژی پتانسیل گرانشی در نظر می‌گیریم،

در نقطه‌ی (۲) داریم:

$$\left. \begin{array}{l} E_2 = U_2 + K_2 \\ h \\ \hline U_2 \end{array} \right\} (2) \quad E_2 = U_2 + K_2 \xrightarrow{E_2 = 3K_2} 3K_2 = U_2 + K_2 \\ \Rightarrow U_2 = 2K_2 \Rightarrow K_2 = \frac{U_2}{2}$$

براساس پایستگی انرژی مکانیکی داریم:

$$E_1 = E_2 \Rightarrow U_1 + K_1 = U_2 + K_2 \Rightarrow K_1 = U_2 + K_2$$

$$\Rightarrow K_1 = U_2 + \frac{U_2}{2} = \frac{3}{2} U_2 \Rightarrow \frac{1}{2} mv^2 = \frac{3}{2} mgh$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2} \times 10 \times (12)^2 = \frac{3}{2} \times 10 \times 10 \times h \Rightarrow \frac{1}{2} \times 144 = 15h$$

$$\Rightarrow h = 4/8m$$

۳ ۷۷ ابتدا فاصله‌ی بین دو نقطه‌ی A و B (طول سطح شیبدار) را

محاسبه می‌کنیم:

$$AB = \frac{h}{\sin 30^\circ} = \frac{5}{\frac{1}{2}} = 10m \Rightarrow d = AB + BC = 10 + 2 = 12m$$

$$E_C - E_A = W_f \Rightarrow U_{\text{فتر}} - (K_A + U_A) = f_k d \cos 180^\circ$$

$$\Rightarrow U_{\text{فتر}} - mgh = 3 \times 12 \times (-1) = -36$$

$$\Rightarrow U_{\text{فتر}} - (6 \times 10 \times 5) = -36 \Rightarrow U_{\text{فتر}} = 264J$$

برای بازده داریم:

$$\frac{\text{توان مفید}}{\text{زمان}} = \frac{\text{بازده}}{\text{بازده}} \xrightarrow{\div t} \frac{\text{بازده}}{\text{بازده}} = \frac{\text{انرژی خروجی}}{\text{انرژی ورودی}}$$

برای تلمبه‌ی A داریم:

$$\frac{mgh}{t} = \frac{mgh}{2500} \times 100$$

$$\frac{\rho Vgh}{t} = \frac{\rho Vgh}{2500} \times 100$$

$$= \frac{1000 \times 1 \times 10 \times 12}{2500} \times 100 = \frac{2000}{2500} \times 100 = 80$$

۴ ۷۸ - بازده A برحسب درصد = بازده B برحسب درصد

$$= 80\% - 30\% = 50\%$$

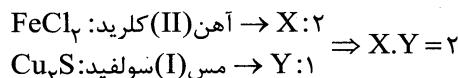


۱۰۵ عبارت‌های «ب» و «پ» مربوط به زغال سنگ هستند.

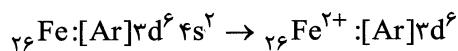
عبارت‌های آآ و ت به ترتیب مربوط به هیدروژن و بنزین است.

۱۰۶ مطابق داده‌های سؤال، فرمول کلریدی از آهن و سولفیدی از

مس که مجموع شمار اتم‌ها در هر واحد فرمولی از آن‌ها باهم برابر است به صورت Cu_7S و FeCl_2 خواهد بود.



آرایش الکترونی کاتیون Fe^{2+} به زیرلایه‌ی $3d^6$ ختم می‌شود.



۱۰۷ به داده‌های جدول موجود در خود را بیازماید صفحه‌ی ۹۳

کتاب درسی شیمی دهم مراجعه کنید.

۱۰۸ واضح است که باید در این ترکیب یونی همانند سایر

ترکیب‌های یونی خنثی، مجموع بارهای مثبت و منفی با هم برابر باشد.

$3\text{Al}^{3+} = +9$: مجموع بارهای مثبت

$\text{PO}_4^{3-} + n(\text{OH}^-) = -9 \Rightarrow n = 6$: مجموع بارهای منفی

۱۰۹ بررسی سایر گزینه‌ها:

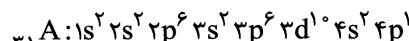
۱) برای حفظ سلامت دندان‌ها، به آب آشامیدنی مقدار بسیار کمی یون فلوئورید می‌افزایند.

۲) در یون‌های چنداتمی، بار الکتریکی به اتم خاصی تعلق ندارد، بلکه متعلق به کل یون است.

۳) دریاها مخلوطی همگن از انواع یون‌ها و مولکول‌ها در آب هستند.

۱۱۰ ۱ به جز آمونیوم سولفات، سایر ترکیب‌های یونی اشاره شده در آب، نامحلول هستند و تهشین می‌شوند.

۹۶ آرایش الکترونی اتم عنصر A به صورت زیر است:

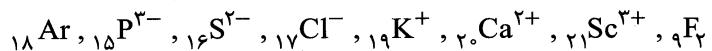


۱۰۶: شمار الکترون‌های با $n \geq 1$ (زیرلایه‌های p و d)

۱۰۷: شمار الکترون‌های با $n = 4$

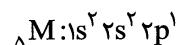
نسبت مورد نظر برابر با $\frac{23}{3}$ است.

۹۷ تمام گونه‌های زیر شامل یک عنصر بوده و ۱۸ الکترون دارند:

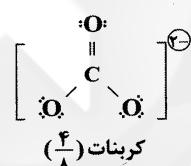
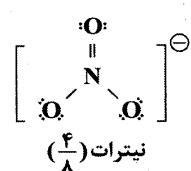
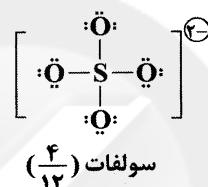


۹۸ آخرین زیرلایه‌ی اشغال شده‌ی اتم هز کدام از عنصرهای M

۹۹ و D به ترتیب شامل یک و دو الکترون است:



۹۹ ساختار لوویس هر سه یون و نسبت مورد نظر در زیر آمده است:



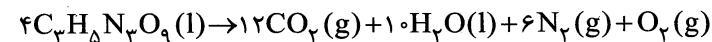
۱۰۰ ۱ گازهای نیتروژن دی‌اکسید و کلر را که در حالت خالص به ترتیب قهوه‌ای رنگ و زرد مایل به سبز هستند، می‌توان دید. دو گاز دیگر، بی‌رنگ هستند.

۱۰۱ ۴ میانگین بخار آب در هوا حدود ۱٪ است که به تقریب برابر با درصد حجمی آرگون در هوا پاک و خشک (%۰/۹۲۸) می‌باشد.

۱۰۲ ۳ وجود اوزون در هوایی که تنفس می‌کنیم، سبب سوزش چشمان و آسیب دیدن ریه‌ها می‌شود.

۱۰۳ ۲ مطابق اطلاعات سؤال، فراورده‌های واکنش تجزیه‌ی $\text{C}_3\text{H}_5\text{N}_3\text{O}_9$ عبارتند از: CO_2 , O_2 , H_2O . البته در شرایط STP, به جز H_2O , بقیه‌ی فراورده‌ها گازی شکل هستند.

معادله‌ی موازن‌شده‌ی واکنش مورد نظر به صورت زیر است:



$$?L_{\text{gas}} = 18/16\text{ g C}_3\text{H}_5\text{N}_3\text{O}_9 \times \frac{1\text{ mol C}_3\text{H}_5\text{N}_3\text{O}_9}{227\text{ g C}_3\text{H}_5\text{N}_3\text{O}_9}$$

$$\times \frac{(12+6+1)\text{ mol gas}}{4\text{ mol C}_3\text{H}_5\text{N}_3\text{O}_9} \times \frac{22/4\text{ L gas}}{1\text{ mol gas}} = 8/512\text{ L gas}$$

۱۰۴ ۲ هرچه نقطه‌ی جوش یک گاز بالاتر باشد، آسان‌تر می‌توان آن را به مایع تبدیل کرد. مقایسه‌ی میان نقطه‌ی جوش گازهای مورد نظر به صورت زیر است:

$\text{NH}_3 > \text{O}_2 > \text{Ar} > \text{N}_2$: نقطه‌ی جوش