

راهنمای پاسخ‌دهی
پرسش‌ها، تمرین‌ها، فعالیت‌ها و مسئله‌های

فصل اول

فیزیک ۲
پایه یازدهم

چاپ اول
۱۳۹۶

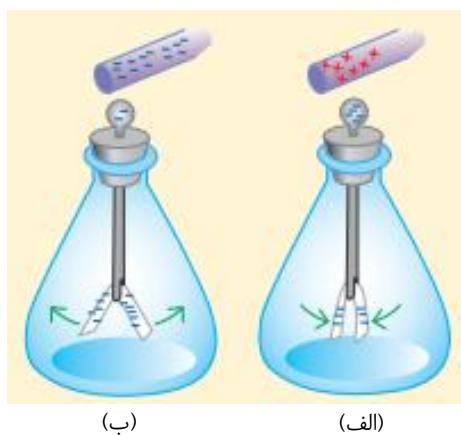
پرسش و تمرین‌های فصل ۱

۱- این تمرین مروری است بر آن‌چه در کتاب علوم تجربی پایه هشتم تدریس شده و خوب است دانش‌آموزان به مرور آن مطالب تشویق شوند.

الف) میله پلاستیکی یا میله شیشه‌ای باردار را به کلاهک الکتروسکوپ بدون بار نزدیک می‌کنیم و با فاصله گرفتن صفحات آن، به باردار بودن میله‌ها پی‌می‌بریم.

ب) نخست مثلاً توسط یک میله پلاستیکی باردار الکتروسکوپ را از طریق تماس میله با کلاهک آن باردار می‌کنیم. حال اگر به کلاهک الکتروسکوپ باردار، میله رسانا را (در حالی که آن را با دست خود گرفته‌ایم) تماس دهیم الکتروسکوپ تخلیه می‌شود، ولی میله عایق نمی‌توان الکتروسکوپ را تخلیه کند.

پ) اکنون باید میله باردار شیشه‌ای یا پلاستیکی را به الکتروسکوپ باردار شده نزدیک کنیم. اگر الکتروسکوپ پیشتر باردار منفی شده باشد با نزدیک شدن میله باردار منفی صفحه‌های آن بیشتر فاصله می‌گیرند، در حالی که نزدیک شدن میله باردار مثبت صفحات را به هم نزدیک می‌کند و اگر الکتروسکوپ پیشتر باردار مثبت شده باشد، برعکس.



۲- الف) بار الکتریکی در پارچه پشمی به همان اندازه، ولی با علامت مثبت می‌شود.

ب) با توجه به اینکه $q = ne$ است، از اینجا می‌توانیم تعداد n الکترون‌های منتقل شده را بیابیم:

$$n = \frac{12/8 \times 10^{-19} C}{1/60 \times 10^{-19} C} = 8/00 \times 10^{10}$$

۳- الف) بار الکتریکی اتم کربن خنثی، صفر است، ولی هسته اتم کربن ۶ پروتون دارد و بنابراین بار آن برابر $+6e$ می‌شود که در آن $C = 10^{-19} \times 6/0 \times 10^{-19} C = 9/60 \times 10^{-19} C$ است: $e = 1/60 \times 10^{-19} C$.

ب) بار اتم کربن یک بار یونیده $+1e$ است.

۴- چون اندازه گوی‌ها با هم برابر است و هر دو رسانا هستند، پس از تماس گوی‌ها بارهای یکسانی در آن‌ها ظاهر می‌شود. بنابراین پس از تماس گوی‌ها داریم

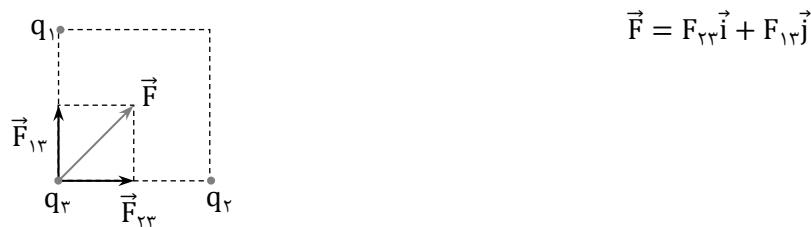
$$q = \frac{q_1 + q_2}{2} = \frac{4/0 \cdot nC - 6/0 \cdot nC}{2} = -1/0 \cdot nC$$

و در نتیجه نیروی بین دو گوی چنین می‌شود:

$$\begin{aligned} F &= k \frac{|q_1||q_2|}{r^2} = k \frac{|q|}{r^2} \\ &= (9/0 \times 10^9 \frac{\text{N} \cdot \text{m}^2}{\text{C}^2}) \frac{(1/0 \times 10^{-9} \text{C})^2}{(0.3 \text{m})^2} \\ &= 1/0 \times 10^{-7} \text{N} \end{aligned}$$

همان‌طور که گفتیم، پس از تماس، بار گوی‌ها یکسان می‌شود و بنابراین هم‌دیگر را دفع می‌کنند. یعنی نیرو، رانشی است.

۵- نخست، نیروی وارد بر بار q_3 را رسم می‌کنیم. از آن‌جا داریم



که با توجه به اینکه $q_1 = q_2$ و فاصله بارها از q_3 یکسان است، $F_{23} = F_{13} = F$ است و از قانون کولن داریم:

$$\begin{aligned} F_{23} &= F_{13} = k \frac{|q_3||q_2|}{r_{23}^2} \\ &= (9/0 \times 10^9 \frac{\text{N} \cdot \text{m}^2}{\text{C}^2}) \frac{(5 \times 10^{-9} \text{C})(0.2 \times 10^{-9} \text{C})}{(0.3 \text{m})^2} \\ &= 0.001 \text{N} = 1 \text{mN} \end{aligned}$$

در نتیجه نیروی خالص وارد بر بار q_3 چنین می‌شود:

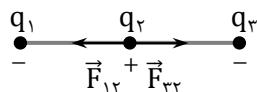
$$\vec{F} = (1 \text{mN})\vec{i} + (1 \text{mN})\vec{j}$$

می‌توانیم بزرگی این نیرو را نیز محاسبه کنیم

$$F = \sqrt{(0.001 \text{N})^2 + (0.001 \text{N})^2} = 1/\sqrt{2} \times 10^{-3} \text{N} \approx 1 \text{mN}$$

توجه کنید چون داده‌های مسئله فقط با یک رقم معنی‌دار داده شده‌اند، پاسخ نهایی نیز باید با یک رقم معنی‌دار، به صورت $F = 1 \text{mN}$ ، گزارش شود.

۶- نیروهای وارد بر بار q_2 مانند شکل زیر می‌شود:



همان‌طور که می‌بینیم \vec{F}_{12} در خلاف جهت \vec{F}_{23} است و چون بارهای q_1 و q_3 و فاصله آن‌ها از q_2 یکسان است، بنابراین

$F_{12} = F_{23}$ ، و در نتیجه نیروی خالص وارد بر q_2 برابر صفر می‌شود. اما در مورد q_3 داریم:

$$\vec{F}_{23} \leftarrow \overset{q_3}{\bullet} \rightarrow \vec{F}_{12}$$

دوباره نیروها در خلاف جهت هم هستند، ولی چون فاصله بارهای q_2 و q_3 کمتر از فاصله بارهای q_1 و q_2 است و همچنین $|q_1| > |q_2|$ است، $|\vec{F}_{23}| > |\vec{F}_{13}|$ خواهد بود و نیروی برایند در خلاف جهت مثبت محور x وارد می‌شود. بزرگی این نیروها با استفاده از قانون کولن برابر است با

$$\begin{aligned} F_{23} &= k \frac{|q_2||q_3|}{r_{23}} \\ &= (9/0 \times 10^{-9} \frac{\text{N} \cdot \text{m}^2}{\text{C}^2}) \frac{(5/0 \times 10^{-9} \text{C})(4/0 \times 10^{-9} \text{C})}{(0.08 \text{m})^2} \\ &= 2/8 \times 10^{-5} \text{N} \\ F_{13} &= k \frac{|q_1||q_3|}{r_{13}} \\ &= (9/0 \times 10^{-9} \frac{\text{N} \cdot \text{m}^2}{\text{C}^2}) \frac{(4/0 \times 10^{-9} \text{C})(4/0 \times 10^{-9} \text{C})}{(0.16 \text{m})^2} \\ &= 5/64 \times 10^{-6} \text{N} \end{aligned}$$

بنابراین \vec{F} چنین می‌شود:

$$\begin{aligned} F &\approx (5/64 \times 10^{-6} \text{N})\vec{i} - (2/8 \times 10^{-5} \text{N})\vec{i} \\ &\approx 2/2 \times 10^{-5}(-\vec{i}) \end{aligned}$$

۷- الف) از برابر قرار دادن بزرگی نیروی الکتریکی دافعه کولنی و نیروی وزن که در خلاف جهت هم‌اند داریم:



$$mg = k \frac{q}{r}$$

$$\begin{aligned} q &= \sqrt{\frac{mg r}{k}} \\ &= \sqrt{\frac{(2/5 \times 10^{-3} \text{kg})(9/0 \frac{\text{N}}{\text{kg}})(0.01 \text{m})}{9/0 \times 10^{-9} \frac{\text{N} \cdot \text{m}^2}{\text{C}^2}}} \\ &= 1/65 \times 10^{-8} \text{C} \approx 16n\text{C} \end{aligned}$$

و از آنجا

ب) با استفاده از رابطه $q = ne$ داریم:

$$n = \frac{q}{e} = \frac{1/65 \times 10^{-8} \text{C}}{1/60 \times 10^{-19} \text{C}} \approx 10^{11}$$

خوب است توجه کنید پاسخ‌های به دست آمده در این مسئله فقط تخمین‌هایی از مقادیر واقعی هستند؛ زیرا همان‌طور که در متن درس بیان کردیم شرط استفاده از قانون کولن آن است که فاصله بین دو جسم باردار، خیلی بزرگ‌تر از ابعاد هریک از دو جسم باشد و گویی‌هایی که بتوانند بار $16n\text{C}$ را روی خود نگه دارند باید شعاعی در حدود چند سانتی‌متر داشته باشند تا هوای پیرامون شان دستخوش فرو ریزش نگردد. وقتی این گویی‌ها در فاصله 1cm از هم باشند، شرط ذره‌ای بودن برآورده نمی‌شود.

۸- با توجه به یکواخت بودن میدان الکتریکی و با توجه به اینکه $q\vec{E} = \vec{F}$ است، نیروی وارد بر ذره در هر دو نقطه برابر است.

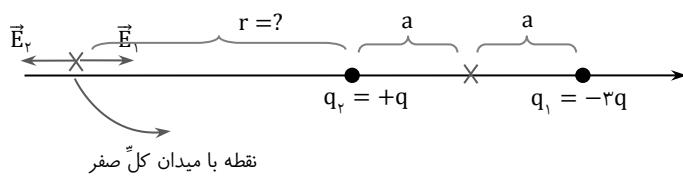
۹ - الف) هر پروتون را می‌توان به صورت یک ذره باردار در نظر گرفت. بنابراین بزرگی نیروی دافعه الکترومغناطیسی دارد بر یکی،

از سوی دیگری با قانون کولن داده می‌شود:

$$\begin{aligned} F &= k \frac{|q_p||q_p|}{r^2} = k \frac{|q_p|^2}{r^2} \\ &= (9/0 \times 10^{-9} N \cdot \frac{m^2}{C^2}) \frac{(1/60 \times 10^{-19} C)^2}{(4/0 \times 10^{-15} m)^2} \\ &= 14/4 N \approx 14 N \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} E &= k \frac{q}{R^2} \quad \text{ب) هسته شامل } 26 \text{ پروتون است. بنابراین } 26e = \frac{26q}{R^2} \text{ و داریم:} \\ &= (9/0 \times 10^{-9} N \cdot \frac{m^2}{C^2}) \frac{26(1/60 \times 10^{-19} C)}{(1/0 \times 10^{-15} m)^2} \\ &= 3/744 \times 10^{12} \frac{N}{C} \approx 3/7 \times 10^{12} \frac{N}{C} \end{aligned}$$

۱۰ - توجه کنید برای بررسی این موضوع باید بار آزمون را در سه نقطه سمت چپ $+q$ ، در حدود میانه $-3q$ و در سمت راست $-3q$ قرار دهیم. اگر بار آزمون را در سمت راست $-3q$ - یا در حدود میانه $+q$ و $-3q$ - قرار دهیم، امکان ایجاد تعادل، و صفر شدن میدان الکتریکی وجود ندارد؛ چرا که اگر بار آزمون (مثبت) را در سمت راست $-3q$ - قرار دهیم بک نیروی دافعه از سوی $+q$ و یک نیروی جاذبه از سوی $-3q$ - دریافت می‌کند. اما نیروی جاذبه حاصل از بار $-3q$ - به دلیل آنکه ناشی از اندازه بار بزرگ‌تری است و نیز در فاصله کمتری از بار $+q$ قرار دارد، امکان ندارد با نیروی دافعه حاصل از $+q$ به تعادل در آید و خنثی شود. اما در خط و اصل بارهای $+q$ و $-3q$ ، سوی نیروهای وارد از بارهای $+q$ و $-3q$ - در یک جهت است و اصلاً حالتی متصور نیست که این دو نیرو، همدیگر را خنثی کنند. تنها می‌ماند سمت چپ بار $+q$. در این سمت نیروی دافعه حاصل از بار $+q$ و نیروی جاذبه حاصل از بار $-3q$ - برخلاف جهت یکدیگرند، اما برخلاف وضعیتی که در سمت راست بار $-3q$ - هستیم، هر دو پارامتر بزرگی بار و اندازه فاصله، به نفع یک نیرو چربش ندارد. در حالی که بار $+q$ کوچک‌تر است، اما در عوض فاصله آن هم کمتر است و در حالی که فاصله $-3q$ - زیاد است، اما در عوض بزرگی بار آن هم زیاد است. می‌توانیم محل دقیق صفر شدن میدان کل را نیز به دست آوریم. همان‌طور که دیدیم، میدان کل در سمت چپ بار $+q$ می‌تواند صفر باشد. با توجه به اینکه میدان‌های \vec{E}_1 و \vec{E}_2 همان‌داده و در خلاف سوی یکدیگرند، خواهیم داشت:



$$\begin{aligned} E_1 &= E_r \\ k \frac{|q_r|}{r^2} &= k \frac{|q_r|}{r^2} \\ k \frac{rq}{(r+ra)^2} &= k \frac{q}{r^2} \end{aligned}$$

و در نتیجه

$$\frac{\sqrt{r}}{r+ra} = \frac{1}{r}$$

و از آنجا

$$r = \frac{1}{\sqrt{3}-1} a \approx (\sqrt{3}+1)a$$

$$\approx 2/\sqrt{3}$$

یعنی نقطه با میدان کل صفر رویم حور X ، در سمت چپ بار $+q$ ، و در فاصله a از بار $+q$ واقع است. تبصره. ما سه حالت روی محور را در قسمت الف بررسی کردیم، اگر بار آزمون را در هر نقطه‌ای غیر از محور شکل قرار دهیم و خطوط میدان را رسم کنیم، درخواهیم یافت که در هر نقطه یک میدان برایند غیر صفر خواهیم داشت و امکان ندارد میدان الکتریکی صفر شود.

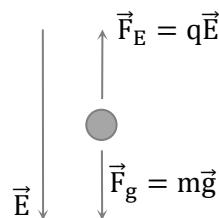
البته در کتاب‌های پیشرفته‌تر، پایداری تعادل بار آزمون در نقطه میدان صفر نیز بررسی می‌شود. به این ترتیب که آیا با جابه‌جا کردن بار آزمون از نقطه با میدان صفر، آیا بار دوباره به محل خود (نقطه تعادل) بازمی‌گردد یا خیر. ثابت می‌شود که در حالت کلی، در نقطه با میدان الکتریکی صفر، و صرفاً با حضور نیروهای کولنی، تعادل پایدار نداریم و از این واقعیت به عنوان قضیه Earnshaw یاد می‌شود، به عبارتی، قضیه Earnshaw در حالت کلی بیان می‌دارد که در الکتروستاتیک تعادل پایدار نداریم.

(ب) جهت نیروهای وارد بر بار آزمون واقع بر مبدأ هر دو در سوی مثبت محور X است و بنابراین، بزرگی میدان‌های الکتریکی در نقطه ۰ با هم جمع می‌شود:

$$\begin{aligned} \vec{E} &= k \frac{q}{a^2} \vec{i} + k \frac{q}{a^2} \vec{i} \\ &= 4k \frac{q}{a^2} \vec{i} \end{aligned}$$

بنابراین، بزرگی میدان الکتریکی برایند در مبدأ مختصات $\vec{E} = 4k \frac{q}{a^2} \vec{i}$ ، و جهت در سوی مثبت محور X است.

۱۱ - چون نیروی گرانشی رو به پایین بر ذره اثر می‌کند، نیروی الکتریکی باید در خلاف جهت آن و رو به بالا باشد. می‌دانیم نیروی الکتریکی وارد بر بار منفی در خلاف جهت میدان الکتریکی است. بنابراین نوع بار باید حتماً منفی باشد و شکلی مانند زیر داریم.



از شرط تعادل نیروها داریم

$$|q|E = mg$$

$$\begin{aligned} |q| &= \frac{mg}{E} = \frac{(2/0 \times 10^{-3})(1 \cdot \frac{N}{kg})}{(5/0 \times 10^5 C)} \\ &= 4/0 \times 10^{-8} C = 4.0 nC \end{aligned}$$

۱۲ - از تقارن شکل واضح است که همه میدان‌های حاصل از بارهای روی دو مربع همدیگر را دوبه دو خنثی می‌کند، به جز دو باری که در وسط دو ضلع سمت چپ و راست مربع بزرگ قرار دارند. در این صورت، میدان الکتریکی در نقطه P، برایند میدان‌های حاصل از میدان این دو بار می‌شود. توجه کنید برای بررسی جهت میدان، باید بار آزمون (مثبت) را در نقطه P قرار

دهیم. بار آزمون توسط هر دو بار جذب می‌شود، اما چون بار سمت چپ بزرگ‌تر است، جهت میدان برایند به سوی آن است.

بنابراین، خواهیم داشت:

$$\vec{E}_P = k \frac{\frac{q}{d}}{d} (-\vec{i}) + k \frac{q}{d^2} (\vec{i}) \\ = \frac{kq}{d^2} (-\vec{i})$$

بنابراین، بزرگی میدان در نقطه P برابر با $E_p = k \frac{q}{d^2}$ است. و جهت رو به سمت چپ است.

۱۳ - از متن درس آموختیم که خطوط میدان الکتریکی در جهت نیروی وارد بر بار آزمون هستند و بنابراین برای بار مثبت، رو به خارج و برای بار منفی، رو به داخل می‌شود. پس بار q_1 مثبت و بار q_2 منفی است. همچنین آموختیم در هر ناحیه که میدان قوی‌تر باشد، خطوط میدان الکتریکی فشرده‌ترند. بنابراین، با توجه به فشردگی بیشتر خطوط میدان الکتریکی در نزدیکی بار q_1 ، در می‌یابیم بزرگی بار q_1 بیشتر است. این را می‌توان از تعداد خطوط میدان خروجی از بار q_1 و ورودی به بار q_2 نیز دریافت. به عبارتی، هرچه تعداد خطوط خروجی از یک بار مثبت (یا ورودی به یک بار منفی) بیشتر باشد، به معنی بزرگ‌تر بودن، اندازه آن بار است.

۱۴ - با توجه به آنچه از متن درس آموختیم، در می‌یابیم همه موارد غیر از مورد (ت) نادرست‌اند. در ادامه، دلایل ارائه می‌شود.

شکل الف:

یکی از موارد نادرست در این شکل آن است که برای هر دو بار مثبت و منفی، خطوط میدان را رو به بیرون گرفته است. در حالی که می‌دانیم برای بار منفی باید خطوط میدان رو به داخل باشد.

شکل ب:

یکی از موارد نادرست در این شکل آن است که خطوط میدان، در نقاط غیرواقع بر خط واصل دو بار، جهت میدان برایند را به درستی نشان نمی‌دهند، یعنی خطوط میدان آغاز شده از بار مثبت، فقط جهت میدان ناشی از بار مثبت را نشان می‌دهند، و خطوط میدان ختم شده به بار منفی، فقط جهت میدان ناشی از بار منفی را نشان می‌دهند.

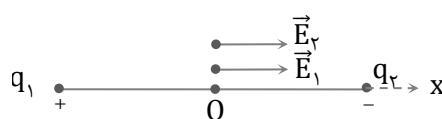
شکل پ:

خطای این شکل، در نادرستی جهت خطوط میدان است. در این شکل، خطوط از بار منفی آغاز و به بار مثبت ختم شده‌اند، که درست نیست.

شکل ت:

این شکل صحیح است. در این شکل، خطوط میدان دو قطبی الکتریکی را می‌بینند. شکل ۱-۱۸، کتاب، نمایش سه بعدی همین خطوط را نشان می‌دهد. همچنین در پرسش ۱-۵، کتاب، رسم دو بعدی این خطوط را دیدید. در فعالیت ۱-۳ کتاب نیز، طرحی واقعی از خطوط میدان دوقطبی الکتریکی را مشاهده کردید.

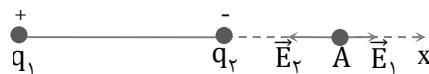
۱۵ - (الف) با قرار دادن بار آزمون در نقطه ۰ در می‌یابیم که میدان‌های حاصل از بارهای q_1 و q_2 در یک جهت (سوی \vec{i}) هستند.



بنابراین در نقطه ۰ داریم:

$$\begin{aligned}\vec{E}_0 &= \vec{E}_1 + \vec{E}_2 = 2\vec{E}_1 = 2k \frac{q_1}{r^1} \vec{i} \\ &= 2(9/0 \times 10^9 N \cdot m^2/C^2) \frac{(1/0 \times 10^{-9} C)}{(0.030 m)^2} \vec{i} \\ &= (2/0 \times 10^4 N/C) \vec{i}\end{aligned}$$

بنابراین، بزرگی میدان در نقطه 0 برابر با $2/0 \times 10^4 N$ و جهت آن به طرف راست (\vec{i}) است.
در نقطه A، میدان‌ها در خلاف جهت یکدیگرند و بنابراین بزرگی میدان‌ها از کم می‌شود.



$$\vec{E}_A = \vec{E}_2 + \vec{E}_1$$

که چون q_2 به نقطه A نزدیک‌تر است $E_2 > E_1$ می‌شود و میدان الکتریکی برایند در جهت \vec{i} خواهد بود:

$$\begin{aligned}\vec{E}_A &= (E_2 - E_1)(-\vec{i}) \\ &= \left(\frac{kq}{r_2^2} - \frac{kq}{r_1^2}\right)(-\vec{i}) \\ &= (9/0 \times 10^9 N \cdot m^2/C^2)(1/0 \times 10^{-9} C) \left(\frac{1}{(0.030 m)^2} - \frac{1}{(0.090 m)^2}\right)(-\vec{i}) \\ &= 8/0 \times 10^3 N/C (-\vec{i})\end{aligned}$$

بنابراین، بزرگی میدان در نقطه A برابر $\frac{N}{C} = 8/0 \times 10^3$ است، جهت آن به طرف چپ (\vec{i}) است.

ب) خیر. در پاسخ پرسش ۱۰ استدلال کردیم که برای دو بار نقطه‌ای ناهمنام، نقطه‌ای که در آن میدان الکتریکی برایند صفر باشد، خارج از فاصله بین دو بار، و در طرف بار با اندازه کوچک‌تر است. با توجه به این که در این مسئله، اندازه دو بار مساوی است، مرور آن استدلال به شما نشان می‌دهد چنین نقطه‌ای در فضای پیرامون این دو بار وجود ندارد، که میدان خالص در آن صفر باشد.

۱۶- الف) نیرو از رابطه $F_E = |q|E$ به دست می‌آید. بنابراین چون میدان، یکنواخت است نیروی الکتریکی وارد بر بار q در تمام نقاط مسیر برابر است با

$$F_E = (50 \times 10^{-9} C)(8/0 \times 10^5 N/C) = 4/0 \times 10^{-3} N$$

ب) کار نیروی الکتریکی از رابطه $W = |q|Ed \cos\theta$ به دست می‌آید. بنابراین در مسیر AB که $\theta = 90^\circ$ است، $W_{AB} = 0$ است.
می‌شود، ولی در مسیر BC جابه‌جایی در خلاف جهت نیروی الکتریکی و $\theta = 180^\circ$ است داریم:

$$\begin{aligned}W_{BC} &= -|q|Ed \\ &= -(50 \times 10^{-9} C)(8/0 \times 10^5 N/C)(0.40 m) \\ &= -0.016 J\end{aligned}$$

کار نیروی الکتریکی در مسیر ABC برابر با حاصل جمع کار نیروی الکتریکی در مسیرهای AB و BC است، و بنابراین برابر همان $-0.016 J$ می‌شود.

پ) می‌دانیم $\Delta U_E = -W_E$ است و بنابراین $\Delta U_E = -0.016 J$ می‌شود.

۱۷- الف) چون بار آزمون در خلاف جهت میدان جابه‌جا شده است و نیروی الکتریکی وارد به میدان همسو با میدان است،

$W_E = |q|Ed \cos\theta$ ، مقداری منفی می‌شود.

ب) چون $\Delta K = \Delta U - W_{\text{ext}}$ است، مجموع کار نیروی خارجی (W_{ext}) و کار نیروی الکتریکی (W_E) برابر صفر است و بنابراین کار نیروی خارجی، مثبت است.

پ) طبق رابطه $\Delta U = -W_E$ چون $\Delta U < 0$ شده است، پس انرژی پتانسیل زیاد می‌شود.
ت) با توجه به رابطه $\Delta V = \Delta U_E/q$ و مثبت بودن U_E و q ، $\Delta V < 0$ نیز مثبت می‌شود. از طرفی $V_B - V_A < 0$ است.
چون $\Delta V > 0$ است، بنابراین پتانسیل B از پتانسیل A بیشتر است.

تبصره. روش دیگر حل چنین مسائلی است که بگوییم وقتی بار مثبت را برخلاف جهت میدان الکتریکی حرکت می‌دهیم، انرژی پتانسیل گرانشی زیاد می‌شود. این اظهارنظر در تشابه با گرانش است که وقتی در خلاف جهت میدان گرانشی حرکت کنیم، انرژی پتانسیل زیاد می‌شود. این اظهارنظر در تشابه با گرانش است که وقتی در خلاف جهت میدان گرانشی حرکت کنیم، انرژی پتانسیل گرانشی زیاد می‌شود. افزایش انرژی پتانسیل (برای بار مثبت) و با توجه به رابطه $\frac{U_E}{q} = V$ ، به معنی افزایش پتانسیل است. می‌دانیم به ازای $\Delta K = \Delta U$ انرژی پتانسیل به کار نیروی خارجی مثبت می‌انجامد و با توجه به این که $W_{\text{ext}} = -W_E$ می‌شود، کار میدان الکتریکی منفی است.

یک پرسش تکمیلی که می‌توان برای این پرسش مطرح کرد این است که بار را در مسیرهای غیرمستقیمی از A به B نزدیک کرد و دوباره همین پرسش‌ها را مطرح کرد.

۱۸ - در شکل الف، در پیرامون همه نقاط مسیر A تا B، خطوط میدان متراکم‌تر از دو شکل دیگر است و بنابراین میدان الکتریکی قوی‌تر و نیروی وارد به پروتون در این حالت بیشتر از بقیه حالت‌ها است و با توجه به این‌که $\vec{F} = q\vec{E}$ است، شتاب پروتون نیز بیشتر می‌شود. بنابراین، سرعت نهایی پروتون نیز در جایه‌جایی یکسان، بیشتر می‌شود. البته خوب بود مسئله ترتیب سرعت‌ها را نیز می‌پرسید. در این صورت، سرعت پروتون در نقطه B برای آرایش (ب) بیشتر از آرایش (پ) می‌شد، زیرا فاصله خطوط میدان همه نقاط مسیر در شکل پ، در مقایسه با دو شکل دیگر از همه بیشتر است که این به معنی ضعیفتر بودن میدان در مقایسه با دو شکل دیگر است. (در حل چنین مسائلی توجه کنید که خطوط میدان در همه شکل‌ها با مقیاس یکسانی رسم شده باشند).

۱۹ - با استفاده از رابطه $E = \frac{\Delta V}{d}$ ، میدان الکتریکی را محاسبه می‌کنیم:

$$E = \frac{|\Delta V|}{d} = \frac{100V}{2/0.01m} = 5/0.0 \times 10^3 V/m$$

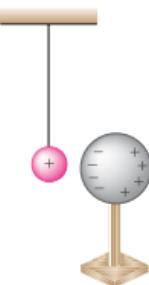
در متن درس اشاره کردیم که با حرکت در سوی خطوط میدان، از پتانسیل الکتریکی بیشتر به سمت پتانسیل الکتریکی کم‌تر می‌رویم. همچنین دیدیم خطوط میدان از بارهای مثبت آغاز و به بارهای منفی ختم می‌شود. بنابراین، صفحه باردار مثبت در پتانسیل بالاتری نسبت به صفحه منفی قرار دارد.

۲۰ - (الف) با استفاده از رابطه $\Delta U = q\Delta V$ داریم:

$$\begin{aligned} \Delta U &= q(V_r - V_i) \\ &= (-40 \times 10^{-9} C)(-10V - (-40V)) = -1/2 \times 10^{-6} J = -1/2 \mu J \end{aligned}$$

چون $\Delta U < 0$ شده است، پس انرژی پتانسیل الکتریکی بار q کاهش یافته است.

ب) چون از انرژی پتانسیل الکتریکی بار کاسته شده است و بار آزادانه حرکت می‌کند، بنابراین از پایستگی انرژی نتیجه می‌گیریم که بر انرژی جنبشی بار افزوده می‌شود و لحظه‌به لحظه سرعت آن زیاد می‌شود.



۲۱ - در متن درس دیدیم وقتی یک رسانای خنثی در میدان الکتریکی خارجی قرار گیرد، بارهای الکتریکی روی سطح رسانا به گونه‌ای القا می‌شوند که میدان الکتریکی خالص درون رسانا صفر شود. بنابراین، با نزدیک کردن کره به آونگ باردار، روی کره بارهای مثبت و منفی مشابه شکل زیر القا می‌شود، به طوری که سطح نزدیک به آن دارای بار منفی و سطح دور از آن، دارای بار مثبت می‌گردد. اما توجه کنید بارهای منفی به آونگ نزدیک‌ترند، پس نیروی جاذبی وارد به آونگ بیشتر از نیروی دافعه وارد بر آن می‌شود و کره، آونگ را جذب می‌کند. اگر فاصله کره از آونگ کم باشد، آونگ با کره تماس پیدا می‌کند. اکنون اگر گلوله آونگ هم رسانا باشد، کره و آونگ یک جسم رسانا را تشکیل می‌دهند که باید کل بار روی سطح آن‌ها پخش شود تا میدان الکتریکی خالص داخل آن صفر باشد. پس به بیانی ساده، آونگ بارهای منفی کره را خنثی می‌کند و آونگ و کره هر دو دارای بار مثبت می‌شوند و بنابراین آونگ از کره دفع می‌گردد.

۲۲ - این پدیده نیز بر اثر القا صورت می‌گیرد. براده‌های ریز آلومینیومی بدون بار مثل یک رسانای خنثی هستند که در میدان الکتریکی حاصل از صفحه پلاستیکی باردار قرار گرفته‌اند. بسته به اینکه بار صفحه پلاستیکی، مثبت یا منفی باشد، در سطح مقابل آن در براده‌ها، بار منفی یا مثبت القا می‌شود که این با توجه به توضیحی که در پاسخ پرسش ۲۱ ارائه شد، موجب جذب براده‌ها به صفحه پلاستیکی می‌شود.

۲۳ - با فرض آنکه بار q به یکنواخت روی شش وجه مکعبی ماهواره توزیع شده باشد، روی هر وجه آن باری به اندازه $q/6$ قرار می‌گیرد. بنابراین، چگالی سطحی بار چنین می‌شود:

$$\sigma = \frac{Q}{A} = \frac{q/6}{a^2} = \frac{\frac{(q/6) \times 10^{-9} C}{6}}{(\cdot/40 m)^2} = 2/0 \times 10^{-9} \frac{C}{m^2} \approx 2/1 \times 10^{-9} \frac{C}{m^2}$$

۲۴ - ظرفیت خازن فقط به شکل هندسی خازن (و جنس عایق آن) نه به بار اختلاف پتانسیل بین صفحه‌ها بستگی دارد. بنابراین الف) و ب) هیچ تأثیری بر ظرفیت خازن ندارند.

۲۵ - بار خازن از رابطه $CV = Q$ به دست می‌آید. با توجه به اینکه ظرفیت خازن ثابت است، بنابراین برای نمو (تغییر) Q داریم:

$$\Delta Q = C\Delta V = C(V_2 - V_1)$$

و از آنجا:

$$C = \frac{\Delta Q}{V_2 - V_1} = \frac{15 \times 10^{-9} C}{40 V - 28 V} = 1/25 \times 10^{-6} F \approx \mu F$$

۲۶ - وقتی دی الکتریکی قطبی مانند آب در میدان الکتریکی خارجی قرار گیرد، مولکول‌های دوقطبی می‌کوشند در جهت میدان الکتریکی همدیف شوند، به طوری که سر منفی مولکول‌ها در جهت مقابله پیکانه خطوط میدان الکتریکی، و سر مثبت مولکول‌ها در همان جهت پیکانه خطوط میدان الکتریکی قرار گیرند. بنابراین وقتی آب در میدان الکتریکی خارجی قرار می‌گیرد، مولکول‌های دوقطبی با میدان هم‌سو می‌شوند و مثلاً اگر بادکنک بار منفی پیدا کرده باشد، سر مثبت مولکول‌های دوقطبی در برابر آن قرار می‌گیرد. بادکنک منفی، سر مثبت هر مولکول را جذب و سر منفی همان مولکول را دفع می‌کند. با

توجه به مقایسه فاصله سرهای مثبت و منفی هر مولکول تا بادکنک، نیروی جاذبه قوی‌تر از نیروی دافعه و این باعث جذب آن به طرف بادکنک می‌شود.

۲۷ - برای مولکول‌های دوقطبی موجود در کاغذ (مثل مولکول‌های آب)، پاسخ همان پاسخ پرسش ۲۶ است. برای مولکول‌های غیرمولکول‌های غیرقطبی موجود در کاغذ، همان‌طور که شکل نشان می‌دهد، وقتی در میدان الکتریکی خارجی قرار می‌گیرند، مولکول‌ها بر اثر القا، قطبیده می‌شوند و اصطلاحاً مولکول قطبیده می‌شود. میدان الکتریکی باعث می‌شود مرکز بارهای مثبت و منفی از هم جدا شوند، به‌طوری که سر منفی آن‌ها در اینجا در مقابل بار مثبت شیشه قرار گیرد و بدین‌ترتیب جذب آن شود.

۲۸ - از ظرفیت یک خازن تخت، مساحت صفحه‌های A ای آن را به دست می‌آوریم:

$$A = \frac{Cd}{\epsilon} = \frac{(1/\cdot F)(1/\cdot \times 10^{-3} m)}{(8/85 \times 10^{-12} \frac{F}{m})} = 1/1 \times 10^8 m^2$$

توجه کنید این مساحت، متناظر با مساحت مربعی به ضلع حدوداً ۱۰ km است. حجم چنین خازنی دست‌کم برابر $A d = 1/1 \times 10^5 m^3$ است، یعنی مکعبی به ضلع تقریبی ۵۰ m. بنابراین امکان ساختن چنین خازنی به طریق معمول ناممکن و یا دست‌کم غیرمعقول است.

جالب است بدانید یکی از شوخی‌ها رایج در قدیم این بود که برخی از اساتید به دانشجویان خود می‌گفتند: «برو از آزمایشگاه یک خازن ۱F بیاور!» البته امروزه می‌توان خازن‌های یک فارادی یا حتی بزرگتری را به ضلع فقط چند سانتی‌متر ساخت. شگرد آن این است که فضای میان صفحه‌ها با مواد مناسبی پر شود. مثلاً آبر خازن‌ها که در فعالیت ۱۱-۱ به آن پرداختیم، از این دست است.

۲۹ - توجه کنید که در این مسئله، خازن همچنان به باتری بسته شده است و بنابراین اختلاف پتانسیل بین صفحه‌های آن تغییری نمی‌کند. پس گزینه (ب) نادرست است. با دو برابر کردن فاصله بین صفحه‌ها، ظرفیت خازن طبق رابطه $C = \frac{A}{d} \cdot \epsilon$ نصف می‌شود و بنابراین گزینه (پ) نیز نادرست است. با توجه به اینکه ظرفیت خازن کاهش می‌یابد، در حالی که اختلاف پتانسیل ثابت است، بار خازن طبق رابطه $CV = Q$ کاهش پیدا می‌کند و بنابراین گزینه (ت) نیز نادرست است. تنها گزینه درست، گزینه (الف) است، چرا که طبق رابطه $Ed = | \Delta V |$ ، با توجه به اینکه اختلاف پتانسیل ثابت است و فاصله صفحه‌ها دو برابر می‌شود، E نصف می‌شود.

۳۰ - با استفاده از رابطه‌های $C = kC_0$ و $C_0 = \frac{\epsilon \cdot A}{d}$ ، داریم:

$$C = k\epsilon \cdot \frac{A}{d} = (4/9)(8/85 \times 10^{-12} \frac{F}{m}) \frac{(1/\cdot \cdot \cdot m)^2}{(0.5 \cdot \cdot \cdot \times 10^{-3} m)} = 8/67 \times 10^{-8} F \approx 87 nF$$

۳۱ - جرقه حاصل بزرگتر می‌شود. این انرژی از کاری حاصل می‌شود که با افزایش فاصله صفحات خازن (بر علیه جاذبه الکتریکی صفحه‌ها) توسط ما ایجاد شده است. روش دیگر آن است که بگوییم ظرفیت خازن کم شده است، ولی بار تغییر نکرده است. طبق رابطه $\frac{Q}{C} = V$ ، این به معنی افزایش اختلاف پتانسیل است. افزایش ولتاژ، خود به معنی افزایش اختلاف

انرژی پتانسیل الکتریکی است. این را به طور مستقیم از رابطه $\frac{Q^2}{2C} = U$ نیز می‌توانستیم دریابیم. پس هنگام تخلیه خازن، جرقه پرانرژی تر و بزرگتری خواهیم داشت.

۳۲- با توجه به اینکه بار و ظرفیت خازن در مسئله دخالت دارد از رابطه $\frac{Q^2}{2C} = U$ برای انرژی خازن استفاده می‌کنیم. اما بیش از آن بهتر است نگاهی به مفهوم این مسئله بیندازیم. اگر خازن در ابتدا بدون بار باشد، تصور آن ساده‌تر است. مثلاً تصور کنید با استفاده از یک «موچین سحرآمیز» الکترون‌ها را از یک صفحه خازن برداشته و به نوبت به صفحه دیگر منتقل می‌کنیم. بر اثر این کار میدانی الکتریکی بین صفحه‌ها برقرار می‌شود و جالب است که این میدان در جهتی است که با انتقال بیشتر بار مخالفت می‌کند. بنابراین، وقتی بار بر روی صفحه‌های خازن بیشتر و بیشتر می‌شود، مجبوری دارد برای انتقال بارهای بیشتر، به طور مدام کارهای بیشتری انجام دهد. البته در عمل می‌دانید که این کار توسط باقی صورت می‌گیرد. بنابراین، ما در اینجا مسئله‌ای کاملاً ذهنی داریم و عملاً داریم فرض می‌کنیم که با یک موچین سحرآمیز بارها را حرکت می‌دهیم و البته لحظه‌ای بینابینی در حین این روند را درنظر گرفته‌ایم، یعنی پس از اینکه موچین سحرآمیز با باردار کردن صفحه‌ها، میدان الکتریکی ایجاد کرده است و داریم به لحظه‌ای توجه می‌کنیم که موچین در حال بردن $3/0 \text{ mC}$ + ۳ بار از صفحه منفی به صفحه مثبت است.

بنابراین، اگر بار صفحه‌ها را در پیش از این لحظه Q در نظر بگیریم، پس از لحظه موردنظر بار به $Q + \Delta Q$ تبدیل شده است.

در نتیجه، تغییر انرژی پتانسیل با استفاده از رابطه $\frac{Q^2}{2C} = U$ چنین می‌شود:

$$\begin{aligned}\Delta U &= \frac{(Q+\Delta Q)^2}{2C} - \frac{Q^2}{2C} = \\ \frac{\Delta Q^2 + 2Q\Delta Q}{2C} &= \frac{(3/0 \times 10^{-3} \text{ C})^2 + 2(3/0 \times 10^{-3} \text{ C})}{2(12 \times 10^{-6} \text{ F})} = \\ 3/375 + Q(0/25 \times 10^{-3}) &= 8\end{aligned}$$

و در نتیجه $Q = 3/05 \times 10^{-3} \text{ C} \approx 3/1 \text{ mC}$ می‌شود.

راهنمای پاسخ‌دهی
پرسش‌ها، تمرین‌ها، فعالیت‌ها و مسئله‌های

فصل دوم

فیزیک ۲
پایه یازدهم

چاپ اول
۱۳۹۶

فصل ۲

فعالیت ۱-۲ (صفحه ۴۷)

وقتی کلید را می‌زنیم، میدان الکتریکی با سرعتی نزدیک به سرعت نور برقرار می‌شود و الکترون‌های آزاد در سرتاسر سیم به طور هم‌زمان شروع به حرکت می‌کنند. توجه کنید که این ربطی به زمانی ندارد که طول می‌کشد تا یک الکترون از کلید به لامپ برسد، بلکه این زمان انتشار میدان الکتریکی است. برای آنکه به درکی از موضوع برسید، یک مثال خوب آن است که یک گروه سرباز (در تشابه با الکترون‌ها) را در نظر بگیرید که به حالت خبردار ایستاده‌اند. وقتی دستور قدمرو صادر می‌شود (در تشابه با زده شدن کلید) این دستور با سرعت صوت (در تشابه با سرعت نور در مسئله‌ما) به گوش سربازان (الکترون‌ها) می‌رسد و آن‌ها سربازان (الکترون‌ها) تقریباً هم‌زمان شروع به حرکت می‌کنند.

تمرین ۱-۲ (صفحه ۴۸)

از رابطه ۱-۲ به صورت $\Delta t = \Delta q/I$ استفاده می‌کنیم.

$$\Delta t = \frac{\Delta Ah}{\Delta A} = 10 \text{ h} \quad (\text{الف})$$

ب) اکنون داریم

$$\Delta t = \frac{1000 \text{ mAh}}{10 \mu\text{A}} = \frac{1000 \text{ mAh}}{0.1 \text{ mA}} = 10000 \times 10^4 \text{ h}$$

این مدت کمی بیشتر از یک سال است و مثلاً یک باتری قلمی تقریباً در چنین مدتی، انرژی مورد نیاز یک ساعت دیواری را تأمین می‌کند.

تمرین ۲-۲ (صفحه ۵۸)

با استفاده از جدول ۲-۲ و دستورالعمل متن درس داریم:

$$R = (رقم سوم) \times 10 \times (رقم دوم) \times (رقم اول)$$

$$= (4)(7) \times 10^3 = 4700 \Omega$$

بنابراین، مقدار مقاومت نشان داده شده $47k\Omega$ و با ترانس ۱۰ درصد است. یعنی مقدار مجاز انحراف 470Ω می‌شود. به عبارتی، مقاومت می‌تواند $470 \pm 47k\Omega$ باشد.

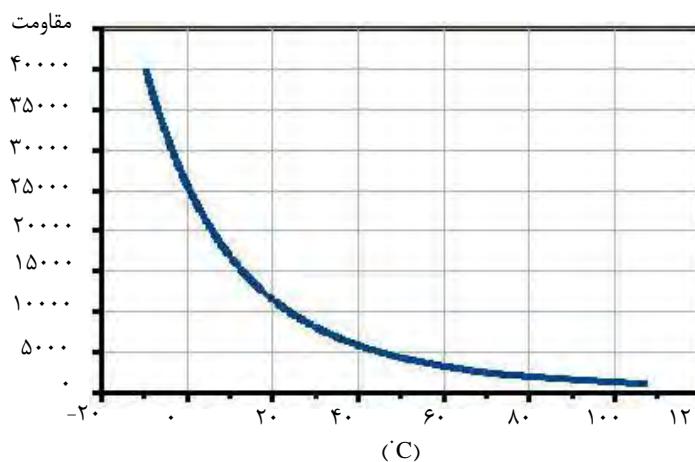
فعالیت ۲-۳ (صفحه ۵۹)

ترمیستورها بر دو نوع NTC^۱ و PTC^۲ هستند. NTC‌ها از نیم‌رساناهای خالص مانند سیلیسیم یا ژرمانیم ساخته شده‌اند که همان‌طور که در مبحث تغییر مقاومت ویژه با دما دیدیم، با افزایش دما بر تعداد حامل‌های بار آن‌ها افزوده می‌گردد و بدین ترتیب از مقاومت آن‌ها کاسته می‌شود. به عبارت دیگر، ضریب دمایی مقاومت ویژه α ی آن‌ها منفی است (شکل الف).

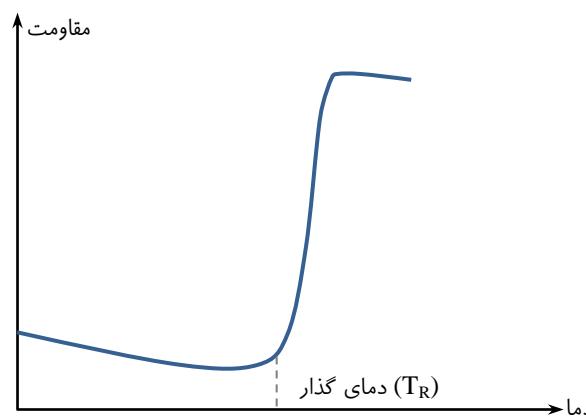
^۱ NTC برگرفته از Negative Temperature Coefficient به معنای ضریب دمایی منفی.

^۲ PTC برگرفته از Positive Temperature Coefficient به معنای ضریب دمایی مثبت.

PTC‌ها خود بر دو نوع‌اند. یک نوع که به نام سیلیسیوم غیرخالص (آلاییده) ساخته شده است که با افزودن یک ناخالصی به سیلیسیوم، ویژگی رسانش الکتریکی پیدا کرده است. این نوع PTC‌ها مانند فلزات رفتار کرده و مقاومت آن‌ها با افزایش دما زیاد می‌شود. به عبارت دیگر، ضریب دمایی مقاومت ویژه آن‌ها مثبت است. نوع دیگر آن‌ها، رفتار ویژه‌ای دارد، به طوری که ضریب دمایی مقاومت ویژه آن‌ها تا پیش از دمایی خاص موسوم به دمای گذار (T_R) که به آن نقطه کوری^۱ نیز می‌گویند) اندکی منفی است و پس از آن در یک محدوده دمایی تغییر چشمگیری می‌کند و بهشت مثبت می‌گردد. به این نوع PTC‌ها، نوع تعویضی^۲ گفته می‌شود؛ چرا که ضریب دمایی مقاومت ویژه آن‌ها پس از نقطه کوری تغییر چشمگیری پیدا می‌کند و از یک مقدار کم منفی به مقدار مثبت بالایی تعویض می‌شود (شکل ب). به عبارتی، یک تغییر دمایی چند درجه‌ای به تغییر مقاومتی با چندین مرتبه بزرگی می‌انجامد. این نوع PTC‌ها اغلب در یک گستره دمایی 60°C تا 120°C طراحی شده‌اند. از PTC‌ها برای تنظیم جریان و جلوگیری از افزایش آن در مدارهای الکتریکی استفاده می‌شود.



شکل الف- مقاومت بر حسب اهم در یک گستره دمایی برای یک نمونه ترمیستور NTC.



شکل ب- نمودار مقاومت دما برای نوع تعویضی PTC‌ها (نمودار به مقیاس نیست).

Silicon Thermistor از Silistor^۳ برگرفته است.

^۱. Curie point

^۲. Switching

پرسش ۱-۲ (صفحه ۶۱)

با بستن کلید، جریان در جهت نیروی محرکه الکتریکی (درون باتری، از قطب منفی به سمت قطب مثبت) به جریان می‌افتد که در شکل سمت چپ، دیود امکان عبور را نمی‌دهد. در واقع، دیود شبیه یک شیر یک‌طرفه یا خیابانی یک‌طرفه در برابر عبور جریان عمل می‌کند و در برابر عبور جریان از طرف مخالف، مقاومت بسیار زیادی نشان می‌دهد و مانع از عبور جریان می‌شود. بنابراین، با بستن کلید در شکل سمت راست، LED روشن می‌شود.

فعالیت ۴-۲ (صفحه ۶۲)

مقاومت داخلی باتری موجب این تفاوت می‌شود. وقتی از باتری یا هر منبع نیروی محرکه‌ای جریان می‌گیریم، جریان از خود منبع نیز که دارای مقاومت داخلی است می‌گذرد و این موجب کاهش انرژی الکتریکی و افت پتانسیل دو سر منبع می‌شود. مقاومت داخلی باتری‌ها به مرور زمان افزایش می‌یابد. با آزمایشی مانند فعالیت ۴-۲ می‌توان مقاومت داخلی یک باتری را به دست آورد. نخست باید کلید قطع باشد و ولتاژ دو سر باتری که ولتاژ بیشینه آن (ϵ) است اندازه‌گیری شود. سپس، با وصل کردن کلید، دوباره باید ولتاژ دو سر باتری را که مثلاً V می‌شود محاسبه کرد، که کمتر از ϵ است. همان‌طور که گفتیم این به مقاومت داخلی باتری مربوط می‌شود. با توجه به اینکه دانش‌آموزان در ادامه درس با مقاومت داخلی و قاعدة حلقه آشنا می‌شوند، می‌توان با قرار دادن آمپرسنجر به طور متوالی، جریان الکتریکی I و از آنجا مقاومت داخلی r را محاسبه کرد که به این موضوع در فعالیت ۶-۲ پرداخته‌ایم.



فعالیت ۵-۲ (صفحه ۶۲)

در فصل گذشته دیدیم که پتانسیل با جابه‌جایی در جهت میدان الکتریکی کاهش پیدا می‌کند. بنابراین، اگر از پایانه منفی باتری به سمت پایانه مثبت آن حرکت کنیم برخلاف جهت میدان الکتریکی حرکت کرده‌ایم و پتانسیل الکتریکی افزایش می‌یابد و بالعکس وقتی از پایانه مثبت باتری به سمت پایانه منفی آن حرکت کنیم، در جهت میدان الکتریکی حرکت کرده‌ایم و پتانسیل کاهش می‌یابد.

تمرین ۳-۲ (صفحه ۶۵)

الف) اگر مدار را در خلاف جهت جریان نشان داده شده بپیماییم، با استفاده از قاعدة حلقه داریم
 $-E + IR + Ir = 0$

و از آنجا

$$I = \frac{E}{R+r} = \frac{12V}{4/0\Omega + 2/0\Omega} = 2/0A$$

ب) اگر از نقطه b در خلاف جهت جریان I به سمت نقطه a حرکت کنیم، خواهیم داشت:

$$V_b + Ir - E = V_a$$

و در نتیجه

$$\begin{aligned} V_b - V_a &= E - Ir \\ &= 12V - (2/0A)(2/0\Omega) = 8V \end{aligned}$$

بنابراین می‌بینید چه مدار را در جهت جریان بپیماییم و چه در خلاف جهت جریان، به پاسخ یکسانی برای جریان مدار و یا اختلاف پتانسیل دو سر باتری می‌رسیم.

فعالیت ۲-۶ (صفحه ۶۶)

این فعالیت در امتداد فعالیت ۴-۲ است که این بار باید مقاومت داخلی دو باطری را پس از اندازه‌گیری با هم مقایسه کنیم که یکی نو و دیگری فرسوده است. در هر حال با استفاده از رابطه ۷-۲ می‌توان مقاومت داخلی r را به صورت زیر نوشت:

$$r = \frac{\mathcal{E} - V}{I}$$

که V و I به ترتیب اختلاف پتانسیل دو سر باتری و جریان آن، پس از بستن کلید و \mathcal{E} اختلاف پتانسیل دو سر باتری پیش از بستن کلید است. مثلاً در یک مدار نوعی ممکن است $\mathcal{E} = 1/27V$ و $V = 1/13V$ به دست آید که تفاوت آن‌ها $14V$ است. حال اگر آمپرسنچ مثلاً $A = 0.06$ را نشان دهد، مقاومت داخلی باطری $2/3\Omega$ خواهد شد. یک محاسبه ریاضی با حذف I در رابطه بالا، به رابطه $R = (\mathcal{E} - V)/I$ می‌انجامد. در یک باطری فرسوده، به ازای مقاومت خارجی R یکسان، V از مقدار به دست آمده برای

همان باطری نو خیلی کوچک‌تر است، در حالی که \mathcal{E} کاهش چندانی پیدا نمی‌کند. بنابراین، کاهش V ، به بزرگ شدن r می‌انجامد. همچنین خوب است نمودار اختلاف پتانسیل باطری بر حسب جریان عبوری I را نیز رسم کنیم که این در مسئله ۲۰ پایان فصل مطرح شده است. از آنجا درخواهیم یافت، مقاومت داخلی باطری برابر است با نسبت نیروی حرکت الکتریکی به جریان بیشینه. در هر نقطه‌ای از این نمودار، با اندازه‌گیری ولتاژ و جریان می‌توان مقاومت داخلی را از این

نسبت به دست آورد. همچنین در این مسئله می‌توانستیم با در نظر گرفتن حلقه‌ای که شامل مقاومت R باشد به رابطه مفید دیگری نیز برای محاسبه مقاومت داخلی r بررسیم:

$$\mathcal{E} - Ir - IR = 0 \Rightarrow \mathcal{E} = I(r + R)$$

و از آنجا نیز می‌توان با دانستن R ، مقاومت داخلی r را محاسبه کرد.

فعالیت ۲-۷ (صفحه ۶۸)

روشی که در پی می‌آید از کتاب بسیار معتبر زیر اخذ شده است:

Physic Laboratory Manual, 3th edition, David H. Loyd, Thomson Brooks (۲۰۰۶).

توضیح نظری

وقتی از مقاومتی به مقاومت R جریان I تحت ولتاژ V بگذرد، توان جذب شده در مقاومت از $P = I^2R = \frac{V^2}{R} = VI$ به دست می‌آید. از طرفی، توان، انرژی بر واحد زمان است و بنابراین انرژی U برابر Pt می‌شود. از طرفی با گرماسنجی در فیزیک دهم

آشنا شدیم. با گرم شدن مقاومت، دمای آن افزایش می‌یابد و این سبب انتقال گرمای Q از مقاومت به آب و ظرف گرماسنج می‌گردد. گرمای Q باعث افزایش دمای آن‌ها به اندازه ΔT می‌شود. می‌دانیم گرمای Q با ΔT طبق رابطه زیر مربوط می‌شوند:

$$Q = (m_c c_w + m_c c_c) \Delta T = (m_w c_w + C_c) \Delta T$$

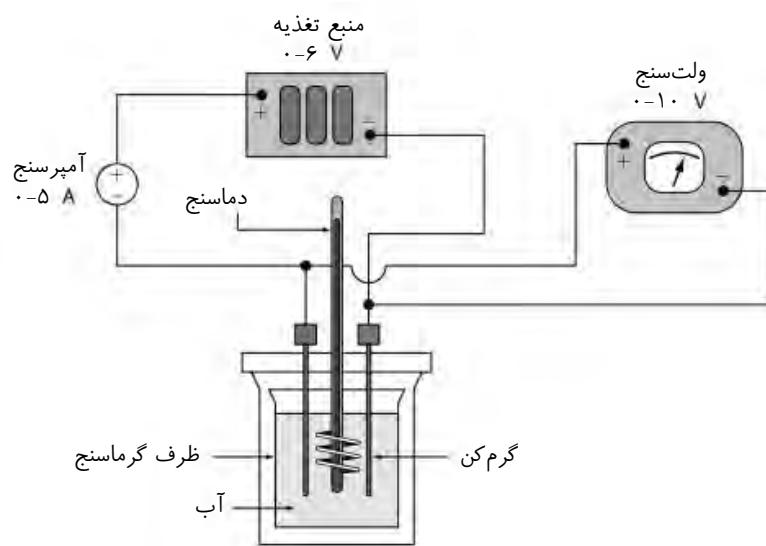
که در آن شاخص‌های پایین w و c به ترتیب مربوط به آب و ظرف گرماسنج هستند. c گرمای ویژه و C ظرفیت گرمایی است. پس از آن که سیم گرمکن گرماسنج به حد کافی گرم شد و به دمای تقریباً ثابتی رسید، انرژی الکتریکی مصرفی در این مقاومت کاملاً به گرما تبدیل می‌شود و داریم

$$VIt = (m_w c_w + C_c) \Delta T$$

اگر ولتاژ اعمال شده به مقاومت غوطه‌ور در آب درون گرماسنج در طی آزمایش ثابت باقی می‌ماند و در نتیجه جریان مقاومت نیز ثابت می‌ماند، در آن صورت نمودار $VIt = (m_w c_w + C_c) \Delta T$ بر حسب $\frac{VIt}{(m_w c_w + C_c) \Delta T}$ برابر یک می‌شود. اما هنگام انجام آزمایش درخواهید یافت که مقادیر V و I پیوسته کم و زیاد می‌شود و بنابراین باید با رویکردی ویژه این آزمایش را انجام داد، که در ادامه به آن خواهیم پرداخت.

روش آزمایش

یا ظرفیت گرمایی گرماسنج را می‌دانیم و یا آن را از حاصل ضرب جرم در گرمای ویژه جنس آن محاسبه می‌کنیم. جرمی کافی و معلوم از آب را داخل گرماسنج می‌ریزیم. برای آنکه پاسخ بهتری از آزمایش بگیرید خوب است دمای آب چند درجه کمتر از دمای اتاق باشد. گرمکن را در داخل ظرف گرماسنج وارد می‌کنیم و مداری مانند شکل زیر می‌بندیم.



آن‌گاه منبع تغذیه را روشن می‌کنیم و جریان را بین $4/0\text{ A}$ تا $5/0\text{ A}$ تنظیم می‌کنیم. بلا فاصله پس از اینکه به جریان مورد نظر رسیدیم، منبع تغذیه را خاموش می‌کنیم و نمی‌گذاریم آب به میزان زیادی گرم شود. اکنون آب را به هم می‌زنیم تا به تعادل گرمایی برسد. پس از چند دقیقه هم زدن، دمای اولیه T_i را یادداشت می‌کنیم و سپس دوباره منبع تغذیه را در حالی که همان جریان خروجی قبلی را به دست می‌دهد، روشن می‌کنیم و هم‌زمان زمان سنج را به کار می‌اندازیم. مقادیر اولیه جریان و ولتاژ (V_1 و I_1) را در جدول یادداشت می‌کنیم. دمای T ، جریان I و ولتاژ V را هر 60 ثانیه یک بار، برای مدت زمان 8 دقیقه اندازه می‌گیریم، در حالی که آب را همچنان به هم می‌زنیم. داده‌ها را در جدولی یادداشت می‌کنیم. $\Delta T = T - T_i$ (افزایش دما

نسبت به دمای اولیه (T_i) را برای هر مقدار اندازه‌گیری شده T محاسبه و یادداشت می‌کنیم. همچنین به ازای هر مقدار اندازه‌گیری شده T ، مقدار Q را از رابطه $Q = (m_w c_w + C_c)(T - T_i)$ محاسبه می‌کنیم. برای هر بار، ولتاژ V و جریان I و حاصلضرب VI را یادداشت می‌کنیم. سپس VI متوسط را از رابطه زیر محاسبه می‌کنیم:

$$\bar{VI} = \frac{V_1 I_1 + V_2 I_2 + \dots + V_n I_n}{n}$$

برای هر مقدار اندازه‌گیری شده t , $\bar{VI}t$ را محاسبه و یادداشت می‌کنیم.

اکنون برای رسم نمودار $\bar{VI}t$ بر حسب $\bar{VI}t$ مقادیر به دست آمده از $(m_w c_w + C_c)(T - T_i)$ را روی محور افقی و مقادیر به دست آمده برای $\bar{VI}t$ را روی محور عمودی نشانه‌گذاری می‌کنیم و از تلاقی امتداد آن‌ها به نقاطی در صفحه نمودار می‌رسیم. اینک خط راستی رسم می‌کنیم که از مبدأ مختصات بگذرد و به بهترین شکل از بین این نقاط عبور کند (اصطلاحاً به این عمل برازش خطی گفته می‌شود). می‌توانیم در یک روش دقیق‌تر با استفاده از ماشین حساب‌های مهندسی با قابلیت انجام برازش، این خط را رسم کنیم. انتظار داریم برای هریک از نقاط این خط، نسبت $\frac{\bar{VI}t}{(m_w c_w + C_c)\Delta T}$ با دقت مناسب برابر واحد باشد.

فعالیت ۲-۸ (صفحه ۶۸)

الف) همان‌طور که در صورت فعالیت آمده است، باید از رابطه $10-2$ استفاده کنیم. از این رابطه $P = VI / R$ دست می‌آید که این مقاومت الکتریکی در دمایی است که دستگاه (لامپ) به ولتاژ اسمی خود متصل شده است. در استفاده از اهم‌سنجد به دانش‌آموزان گوشزد کنید که هنگام استفاده از آن ابتدا سنجه را روی حداکثر مقاومت قابل اندازه‌گیری تنظیم کنند و دوم اینکه همان‌طور که در صورت فعالیت نیز آمده، وسیله (اینجا لامپ) باید خاموش (در دمای اتاق) باشد و هیچ جریانی از آن نگذرد. این آزمایش، آزمایش مهمی است و دانش‌آموزان پس از انجام آن به تفاوت زیادی بین مقاومت اندازه‌گیری شده و مقاومت حاصل از رابطه $10-2$ می‌رسند. مقاومت اندازه‌گیری شده حدود 40Ω می‌شود، در حالی که همان‌طور که خواهید دید رابطه $10-2$ برای اندازه مقاومت به عددی حدود 500Ω می‌انجامد.

دانش‌آموزان باید با بحث گروهی و البته راهنمایی معلم به نقش دمای رشته (فیلامان) ملتهب لامپ پی ببرند که این موضوع قسمت ب فعالیت است.

ب) مقاومت لامپ 100 واتی روشن با استفاده از معادله $10-2$ برابر است با

$$R = \frac{(220V)^2}{100W} = 484\Omega$$

اکنون از رابطه $10-2$ ، دمای رشته لامپ را به دست می‌آوریم. در مثال $4-2$ دیدیم که این معادله به رابطه زیر می‌انجامد:

$$R = R_0 [1 + \alpha(T - T_0)]$$

از اینجا دمای T را محاسبه می‌کنیم:

$$\begin{aligned} T &= T_0 + \frac{R - R_0}{\alpha R_0} \\ &= 20^\circ C + \frac{(484\Omega - 40\Omega)}{(4/5 \times 10^{-3}^\circ C^{-1})(40\Omega)} \\ &= 2/5 \times 10^3^\circ C \end{aligned}$$

توجه کنید عدد 2500°C صرفاً برآورده برای دمای رشتہ لامپ است. همچنین توجه کنید که در محاسبه دما فرض کردیم که اهم سنج، مقاومت لامپ خاموش را حدود 40Ω به دست می‌دهد، دمای اتاق را $T = 20^{\circ}\text{C}$ گرفته‌ایم، و ضریب دمایی مقاومت α را نیز از جدول ۱-۲ قرار دادیم.

پرسش ۲-۲ (صفحه ۶۸)

پاسخ این است که همه لامپ‌های رشتہ‌ای (از جمله لامپ هالوژن) با اتلاف انرژی الکتریکی به صورت گرمایش (فیلامان) لامپ را گرم می‌کنند. بخشی از این انرژی به نور مرئی تبدیل می‌شود، اما بیشتر آن به صورت گرما تلف می‌گردد. اما در LED‌ها، بخش بزرگی از انرژی الکتریکی داده شده به حامل‌های بار، با حرکت دادن حامل‌های بار و عبور جریان از LED موجب گسیل نور توسط آن‌ها می‌شود. به عبارتی، بخش عمده انرژی الکتریکی داده شده موجب گسیل نور می‌شود و تنها مقدار ناچیزی از آن به صورت گرما تلف می‌گردد.

تمرین ۴-۲ (صفحه ۷۰)

در یک مدار ساده شامل یک باتری آرمانی و مقاومت، قاعده حلقه به صورت $\mathcal{E} - IR = \mathcal{E}$ در می‌آید. حال اگر دو طرف این رابطه را در $I\Delta t$ ضرب کنیم به رابطه $\mathcal{E}I\Delta t = I^2R\Delta t$ می‌رسیم. با توجه به اینکه $\Delta q = I\Delta t$ است و با استفاده از تعریف نیروی محرکه الکتریکی $\Delta W/\Delta q = \mathcal{E}$ ، طرف چپ این معادله برابر با ΔW یا همان کاری است که باتری روی بار انجام داده است. از طرفی می‌دانیم که توان الکتریکی مصرفی در رسانایی با مقاومت R برابر RI است. بنابراین طرف راست معادله بالا در واقع مقدار انرژی است که در مقاومت به انرژی گرمایی تبدیل شده است. پس رابطه بالا چیزی جز پایستگی انرژی نیست و انرژی تأمین شده توسط باتری آرمانی به صورت انرژی گرمایی در مقاومت ظاهر شده است.

تمرین ۵-۲ (صفحه ۷۱)

الف) مقاومتها به طور متوالی بسته شده‌اند. بنابراین برای مقاومت معادل مقاومت‌های R_1 ، R_2 و R_3 داریم:

$$\begin{aligned} R_{123} &= R_1 + R_2 + R_3 \\ &= ۳/\cdot\Omega + ۶/\cdot\Omega + R_3 = ۱۳/\cdot\Omega \end{aligned}$$

در نتیجه $R_3 = ۴/\cdot\Omega$ می‌شود.

ب) برای جریان I (که همان جریانی است که آمپرسنج نشان می‌دهد) داریم:

$$\begin{aligned} I &= \frac{\mathcal{E}}{R_{123}+r} = \frac{۷/\cdot\text{V}}{۱۳/\cdot\Omega+۱/\cdot\Omega} \\ &= ۰/\cdot۵\text{A} \end{aligned}$$

پ) گرچه در متن درس نشان دادیم، دوباره می‌خواهیم رابطه $P = I\Delta V$ استفاده کنیم. از طرفی اختلاف پتانسیل دو سر یک باتری واقعی از رابطه $\Delta V = \mathcal{E} - Ir$ به دست می‌آید. بنابراین برای توان خروجی باتری داریم:

$$P_{\text{خروجی}} = I(\mathcal{E} - Ir) = \mathcal{E}I - rI^2$$

که در اینجا چنین می‌شود:

$$\begin{aligned} P_{\text{خروجی}} &= (۷/\cdot\text{V})(۰/\cdot۵\text{A}) - (۱/\cdot\Omega)(۰/\cdot۵\text{A})^2 \\ &= ۳/\cdot۲۵\text{W} \end{aligned}$$

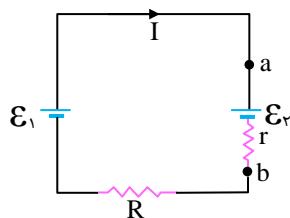
از طرفی برای توانهای مصرفی در مقاومت‌های R_1 , R_2 و R_3 داریم

$$P_{\text{مصرفی}} = I^2(R_1 + R_2 + R_3) = I^2R_{123}$$

$$= (0.50A)^2(13/0\Omega) = 3.25W$$

توجه کنید که در حل چنین مسائلی از گرد کردن و به کارگیری محاسبات رقم‌های باعثنا در نتیجه نهایی می‌پرهیزیم تا بتوان پاسخ‌های نهایی را به دقت مقایسه کرد.

تبصره. توجه کنید رابطه‌ای که برای توان مصرفی باتری به دست آورده‌یم، برای تمام باتری‌ها در هر مداری برقرار نیست. مثلاً مدار شکل زیر را در نظر بگیرید که در آن $E_1 > E_2$ است و بنابراین جریان در جهت نشان داده شده است:



در این صورت توان باتری ۲ از رابطه‌ای که در حل مسئله به دست آورده‌یم، به دست نمی‌آید؛ زیرا اختلاف پتانسیل دو سر باتری ۲ از رابطه زیر به دست نمی‌آید:

$$\Delta V = E_2 - Ir$$

البته برای محاسبه توان باتری ۲ باید $V_a - V_b$ را در نظر گرفت و بنابراین رابطه $P = I(\Delta V - Ir)$ تبدیل می‌شود و قدر مطلق آن همان توان ورودی به باتری ۲ است:

$$P_{\text{ورودی}} = |P| = E_2 I + rI^2$$

پرسش ۲-۳ (صفحه ۷۲)

در نقطه انشعاب نشان داده شده، جریان‌های I_1 , I_2 و I_3 وارد می‌شوند، در حالی که جریان I_4 خارج می‌گردد. بنابراین $I_1 + I_2 + I_3 = I_4$

که آن را می‌توان (آن‌طور که در بسیاری از کتاب‌ها مرسوم است) به صورت زیر نیز نوشت:

$$I_1 - I_2 + I_3 + I_4 = 0$$

فعالیت ۹-۲ (صفحه ۷۳)

این فعالیتی است که برای آزمودن قاعدة انشعاب در مدارها مطرح شده است.

تمرین ۶-۲ (صفحه ۷۴)

الف) توجه کنید $1/6\Omega$ مقاومت معادل مقاومت‌های R_1 , R_2 و R_3 است. این سه مقاومت به طور موازی بسته شده‌اند و برای مقاومت معادل آن‌ها داریم

$$\frac{1}{R_{123}} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3}$$

$$\frac{1}{1/6\Omega} = \frac{1}{3/0\Omega} + \frac{1}{2/0\Omega} + \frac{1}{R_3} = \frac{1}{2/0\Omega} + \frac{1}{R_3}$$

از آنجا داریم

$$\frac{1}{R_{eq}} = \frac{1}{1/6\Omega} - \frac{1}{2/0\Omega} = \frac{2/0\Omega - 1/6\Omega}{(1/6\Omega)(2/0\Omega)}$$

$$= \frac{1/4\Omega}{2/2\Omega} = 1/125\Omega^{-1}$$

و در نتیجه $R_{eq} = 125\Omega$ می شود.

ب) مقاومت معادل مقاومت های R_1 , R_2 و R_3 با مقاومت r متواالی هستند و بنابراین مقاومت معادل کل مقاومت های مدار (که شامل مقاومت باتری نیز می شود) برابر است با

$$R_{eq} = R_{123} + r = 1/6\Omega + 1/0\Omega = 2/6\Omega$$

بنابراین جریانی که آمپرسنج نشان می دهد برابر است با

$$I = \frac{V}{R_{eq}} = \frac{3/0V}{2/6\Omega} \approx 1/2A$$

ولی توجه کنید در حل قسمت پ به جای I از کسر $\frac{3/0V}{2/6\Omega}$ استفاده خواهیم کرد، زیرا در چنین محاسباتی مجاز به گرد کردن داده ها نیستیم.

پ) با استفاده از رابطه (۱۱-۲) توان خروجی باتری واقعی را به دست می آوریم (و نیز نگاه کنید به حل تمرین ۲(۵)):

$$\begin{aligned} P_{خروجی} &= EI - rI^2 \\ &= (3/0V)\left(\frac{3/0V}{2/6\Omega}\right) - (1/0\Omega)\left(\frac{3/0V}{2/6\Omega}\right)^2 \\ &= 2/130W \end{aligned}$$

از طرفی، مجموع مقاومت های مصرفی در مقاومت ها برابر است با

$$P_{مصرفی} = \frac{V_1}{R_1} + \frac{V_2}{R_2} + \frac{V_3}{R_3}$$

اما می دانیم ولتاژ مقاومت های موازی با هم برابر است. این ولتاژ برابر با حاصلضرب جریان عبوری از مدار در مقاومت معادل R_{123} است:

$$V_1 = V_2 = V_3 = IR_{123}$$

در نتیجه برای توان مصرفی داریم

$$\begin{aligned} P_{مصرفی} &= (IR_{123})^2 \left(\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3} \right) = (IR_{123})^2 \left(\frac{1}{R_{123}} \right) \\ &= I^2 R_{123} = \left(\frac{3/0V}{2/6\Omega} \right)^2 (1/6\Omega) = 2/130W \end{aligned}$$

تمرین ۲-۷ (صفحه ۷۶)

الف) مقاومت های R_1 و R_2 متواالی اند و مقاومت معادل آن ها را R_{12} می نامیم. همین طور مقاومت های R_4 و R_5 متواالی اند و مقاومت معادل آن ها را R_{45} می نامیم. پس اکنون مقاومت های R_{12} , R_3 و R_{45} موازی اند. بنابراین برای مقاومت کل مدار بین نقطه های F و H داریم:

$$\begin{aligned} \frac{1}{R_{eq}} &= \frac{1}{R_{12}} + \frac{1}{R_3} + \frac{1}{R_{45}} \\ &= \frac{1}{1/0\Omega + 1/0\Omega} + \frac{1}{1/0\Omega} + \frac{1}{1/0\Omega + 1/0\Omega} \\ &= \frac{2}{1/0\Omega} = 0/250\Omega^{-1} \end{aligned}$$

و در نتیجه

$$R_{eq} = \frac{1}{\frac{1}{2R} + \frac{1}{R}} = 4/00\Omega$$

تبصره. با توجه به این که در این تمرین مقاومت‌ها با هم برابرند، ساده‌تر آن بود که مسئله را به شکل پارامتری حل کنیم.

$$R_{12} = R + R = 2R \quad \text{و} \quad R_3 = R \quad \text{و} \quad R_{45} = R + R = 2R$$

و از آنجا

$$\frac{1}{R_{eq}} = \frac{1}{2R} + \frac{1}{R} + \frac{1}{2R} = \frac{4}{2R} = \frac{2}{R}$$

بنابراین $R_{eq} = R/2 = 4/00\Omega$ می‌شود.

ب) اکنون مانند قسمت الف، R_1 و R_2 متواالی‌اند و مقاومت معادل آن‌ها نیز با R_4 موازی است. ولی در اینجا مقاومت معادل این سه مقاومت با مقاومت R_5 متواالی و مقاومت معادل کل آن‌ها با مقاومت R_4 موازی است. بنابراین برای مقاومت معادل کل داریم:

$$\frac{1}{R_{eq}} = \frac{1}{R_4} + \frac{1}{R_{1235}} \quad (1)$$

که در آن R_{1235} خود برابر است با

$$R_{1235} = R_{122} + R_5 \quad (2)$$

و R_{123} خود از رابطه زیر به دست می‌آید:

$$\frac{1}{R_{122}} = \frac{1}{R_{11}} + \frac{1}{R_1} = \frac{1}{8/00\Omega + 8/00\Omega} + \frac{1}{8/00\Omega} = \frac{3}{16/00\Omega}$$

در نتیجه

$$R_{123} = \frac{16/00\Omega}{3} = 5/33\Omega$$

اکنون با استفاده از رابطه (2) داریم:

$$R_{1235} = 5/33\Omega + 8/00\Omega = 13/32\Omega$$

که قرار دادن آن در رابطه (1)، چنین به دست می‌دهد:

$$\frac{1}{R_{eq}} = \frac{1}{8/00\Omega} + \frac{1}{13/32\Omega} = 0/200\Omega^{-1}$$

و در نتیجه R_{eq} چنین می‌شود:

$$R_{eq} = \frac{1}{0/200\Omega^{-1}} = 5/00\Omega$$

تبصره. با توجه به این که در این تمرین مقاومت‌ها با هم برابرند، می‌توانستیم به طور ساده‌تری، به روش پارامتری نیز مسئله را حل کنیم:

$$R_{12} = R + R = 2R \quad \text{و} \quad \frac{1}{R_{122}} = \frac{1}{2R} + \frac{1}{R} = \frac{3}{2R} \Rightarrow R_{122} = \frac{2R}{3}$$

$$R_{1235} = \frac{2R}{3} + R = \frac{5R}{3}$$

در نتیجه

$$\frac{1}{R_{eq}} = \frac{1}{(5R/3)} + \frac{1}{R} = \frac{8}{5R}$$

در نتیجه $R_{eq} = 5R/8$ و یا به عبارتی $R_{eq} = 5/00\Omega$ می‌شود.

پرسش و تمرین‌های فصل ۲

۱. پاسخ درست، شکل (پ) است. فقط شکل (پ) است که مسیری را برای جریان ایجاد می‌کند. یک باتری منبع انرژی‌ای نیست که مثلاً یک محل مورد نیاز انرژی را پر کند.

۲. با استفاده از رابطه $V/I = R$ ، جریان عبوری از لامپ را به دست می‌آوریم:

$$I = \frac{V}{R} = \frac{4.0V}{5.0\Omega} = 0.80A$$

در مدت ۵ دقیقه، باری که از مدار می‌گذرد برابر است با

$$\Delta q = I(\Delta t) = (0.80A)(5 \times 60s) \\ = 240C = 2/4 \times 10^2C$$

از آنجایی که $q = ne$ و $e = 1.60 \times 10^{-19}C$ است، تعداد الکترون عبوری از لامپ چنین می‌شود:

$$n = \frac{\Delta q}{e} = \frac{2/4 \times 10^2C}{1.60 \times 10^{-19}C/\text{الکترون}} = 1/5 \times 10^{21}$$

۳. همان‌طور که در شکل مشخص است، در وضعیت شکل (الف) جریان از طریق بدن عبور می‌کند و در صورتی که شخص به طریقی به زمین متصل باشد دچار شوک و احتمالاً برق‌گرفتگی می‌شود. در حالی که در وضعیت شکل (ب)، جریان از طریق سیم اتصال زمین (که معمولاً به لوله آب سرد متصل است)، به زمین می‌رود. به عبارتی، علاوه بر سیمهای موسوم به فاز و نول، سیم متصل به زمینی نیز وجود دارد. بنابراین در وضعیت شکل (ب) برخلاف شکل (الف) دچار شوک و احتمالاً برق‌گرفتگی نمی‌شویم، زیرا سیم اتصال به زمین یک مسیر کم مقاومت بین سطح خارجی و سیله و زمین را ایجاد می‌کند.

۴. (الف) از رابطه $\Delta U = q\Delta V$ داریم

$$q = \frac{\Delta U}{\Delta V} = \frac{1/0 \times 10^9 J}{5/0 \times 10^7 V} = 20C$$

(ب) اکنون با استفاده از رابطه $I = \Delta q / \Delta t$ ، جریان را می‌یابیم

$$I = \frac{20C}{0.2s} = 100A = 1/0 \times 10^2A$$

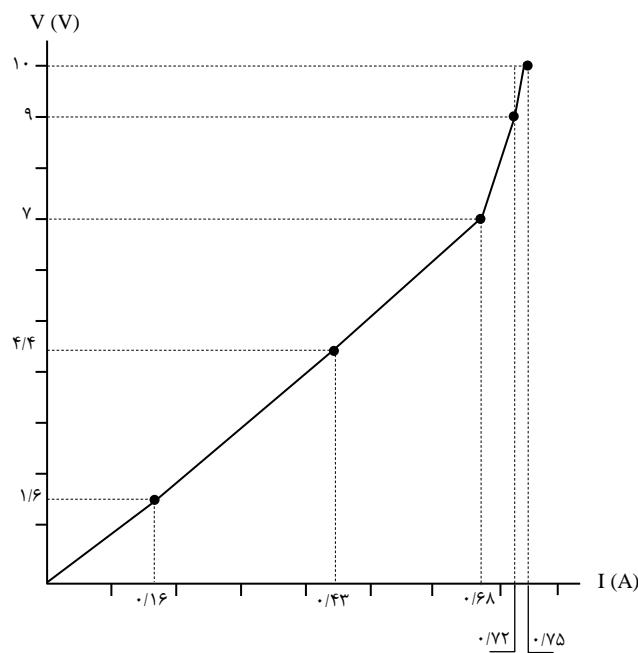
(پ) با توجه به اینکه $P = U/t$ است، برای توان الکتریکی آزاده شده داریم

$$P = \frac{1/0 \times 10^9 J}{0.2s} = 5/0 \times 10^9 W = 5/0 GW$$

همچنین می‌توانستیم از رابطه $P = I\Delta V$ استفاده کنیم:

$$P = I\Delta V = (100A)(5/0 \times 10^7 V) = 5/0 GW$$

۵. در رسم نمودارها، به داش آموزان گوشزد کنید که نباید لزوماً محورهای افقی و قائم، به یک مقیاس باشند و بسته به داده‌های هر محور، بازه‌های مورد نظر را برای آن محور رسم کنید. در هر حال، به نموداری مشابه نمودار زیر می‌رسیم:



همان طور که می بینیم تا انتهای بازه سوم تقریباً از قانون اهم پیروی می کند و از آن به بعد خیر.

۶. به نسبت I/V ، رسانندگی الکتریکی می گویند که وارون مقاومت الکتریکی است. اگر در ولتاژ یکسان (با رسم خطی عمودی) به جریان رساناهای A و B نگاه کنیم، در می یابیم که جریان رسانای B بیشتر است. بنابراین نسبت I/V برای رسانای B بزرگ‌تر است. به عبارتی، رسانندگی B بیشتر از A و مقاومت الکتریکی آن کمتر از A است.

۷. مقاومت رسانا با استفاده از رابطه $R = \rho L/A$ به دست می آید. اگر شعاع مقطع را با r و قطر را با d مشخص کنیم، داریم:

$$\begin{aligned} R_A &= \rho \frac{L}{\pi r_A^2} = \rho \frac{L}{\pi d_A^2 / 4} = \rho \frac{4\rho L}{\pi d_A^2} \\ &= \frac{4\rho L}{\pi (1/\text{mm})^2} \end{aligned}$$

۹

$$\begin{aligned} R_B &= \rho \frac{L}{\pi \Delta r_B^2} = \frac{\rho L}{\pi [(r/1\text{mm})^2 - (1/1\text{mm})^2]} \\ &= \frac{\rho L}{\pi (r^2/1\text{mm}^2)} \end{aligned}$$

و از آنجا

$$\frac{R_A}{R_B} = \frac{4\rho L}{\rho L/r^2} = 12$$

۸. با استفاده از رابطه $R = \rho L/A$ مسئله را حل می کنیم. همچنین برای مساحت مقطع A داریم $A = \pi d^2 / 4$ که d قطر سیم است.

الف) نخست مساحت مقطع A را محاسبه می کنیم:

$$A = \pi d^2 / 4 = \pi (\lambda \times 10^{-4} \text{m})^2 / 4 = 5/0.3 \times 10^{-8} \text{m}^2$$

و در نتیجه

$$R = \rho \frac{L}{A} = (1/\gamma \times 10^{-8} \Omega \cdot m) \frac{\gamma \cdot m}{\delta / 0.3 \times 10^{-6} m^2}$$

$$= 1/0 \Omega$$

که با توجه به اینکه قطر با یک رقم بامتنا داده شده است باید پاسخ به صورت 1Ω بیان شود.

ب) اکنون مساحت مقطع A چنین می‌شود:

$$A = \pi d^2 / 4 = \pi (13 \times 10^{-4} m)^2 / 4 = 1/327 \times 10^{-6} m^2$$

و در نتیجه

$$R = \rho L/A = (1/69 \times 10^{-8} \Omega \cdot m) \frac{(\gamma \cdot m)}{1/327 \times 10^{-6} m^2}$$

$$= 0/90 \Omega$$

۹. نخست رابطه $R = R_0(1 + \alpha \Delta T)$ را اثبات می‌کنیم. این رابطه در متن درس بدون اثبات آمده است. از رابطه $R = \rho L/A$ داریم:

$$\frac{R}{R_0} = \frac{\rho L/A}{\rho_0 L/A} = \frac{\rho}{\rho_0} = 1 + \alpha \Delta T$$

از آنجا برای R داریم:

$$R = \frac{R_0}{1 + \alpha \Delta T} = \frac{44 \Omega}{1 + (4/0 \times 10^{-4} \cdot C^{-1})(118 \cdot C)}$$

$$= 29/89 \Omega \approx 30 \Omega$$

که در آن برای ضریب دمایی مقاومت ویژه نیکروم از جدول ۲-۲ استفاده کردیم.

۱۰. گلوله‌ها از ارتفاع مثلاً h بالای کف شروع به حرکت می‌کنند و آن‌ها تحت تأثیر نیروی گرانشی، در فاصله بین برخورد با میخ‌ها شتاب می‌گیرند. میخ‌ها مشابه یون‌های شبکه اتمی هستند. در حین برخوردها، گلوله‌ها انرژی جنبشی به دست آمده در بین برخوردها را به میخ‌ها منتقل می‌کنند. چون برخوردها خیلی زیادند، گلوله‌ها یک سرعت سوق کوچک و نسبتاً ثابتی خواهند داشت. وقتی گلوله‌ها به پایین می‌رسند، یکی مانند شکل سمت راست، آن‌ها را تا ارتفاع اولیه بالا می‌آورد. بالا آوردن هر گلوله، مشابه همان کاری است که یک منبع emf در مداری الکتریکی انجام می‌دهد.

۱۱. آنچه برای روشن شدن خودرو و استارت خوردن آن لازم است، جریان است که البته باید مقدار زیادی هم باشد. باتری‌های قلمی، مقاومت داخلی زیادی دارند و بنابراین این مانع از برقراری جریان لازم می‌شود. به عبارت دیگر، با اینکه نیروی محرکه مجموعه باتری‌ها همان $12V$ است، ولی به دلیل افزایش مقاومت داخلی، جریان عبوری کاهش می‌یابد و نمی‌تواند جریان بزرگ لازم برای استارت خوردن خودرو را تأمین کند.

۱۲. در هنگام اتصال مقاومت به باتری داریم:

$$\epsilon - Ir - IR = 0$$

بنا به فرض، $\epsilon = 10/9 V$ است. از اینجا، با توجه به اینکه R را داریم، جریان عبوری I را به دست می‌آوریم:

$$10/9 V - I (10/0 \Omega) = 0$$

و در نتیجه

$$I = 1/0.9 A$$

حال با توجه به اینکه $E = 12/0 V$ است، داریم:

$$(12/0 V) - (1/0.9 A)r - (1/0.9 A)(10/0 \Omega) = 0$$

از اینجا ۲ چنین می‌شود:

$$r = \frac{12/0 V}{1/0.9 A} - 10/0 \Omega = 1/0 \Omega$$

۱۳. حلقه را به طور پاد ساعتگرد از نقطه A می‌پیماییم و جریان را نیز به طور پاد ساعتگرد در نظر می‌گیریم (اگر این فرض نادرست باشد، علامت I منفی به دست می‌آید):

$$V_A - IR_1 + E_1 - Ir_1 - IR_f - IR_r - Ir_r - E_r - IR_r - E_r = V_A$$

$$\Rightarrow -I(R_1 + r_1 + R_f + R_r + r_r + R_r) + E_1 - E_r - E_r = 0$$

و در نتیجه

$$\begin{aligned} I &= \frac{E_1 - E_r - E_r}{R_1 + r_1 + R_f + R_r + r_r + R_r} \\ &= \frac{14V - 2/0V - 4/0V}{4/0\Omega + 1/0\Omega + 2/0\Omega + 1/5\Omega + 0/5\Omega + 3/0\Omega} \\ &\approx 0/67A \end{aligned}$$

اکنون برای محاسبه اختلاف پتانسیل $V_B - V_A$ ، از A به سمت B حرکت می‌کنیم. اگر از شاخه بالایی حرکت کنیم، داریم:

$$V_A + E_r + IR_r + E_r + Ir_r = V_B$$

و از آنجا

$$\begin{aligned} V_B - V_A &= E_r + E_r + I(R_r + r_r) \\ &= 2/0V + 4/0V + (0/67A)(3/0\Omega + 0/5\Omega) \\ &\approx 8/3V \end{aligned}$$

خوب است همین نتیجه را با پیمودن مسیر شاخه پایینی نیز وارسی کنیم:

$$V_A - IR_1 + E_1 - Ir_1 - IR_f - IR_r = V_B$$

و از آنجا

$$\begin{aligned} V_B - V_A &= -I(R_1 + r_1 + R_f + R_r) + E_1 \\ &= -(0/67A)(4/0\Omega + 1/0\Omega + 2/0\Omega + 1/5\Omega) + 14V \\ &= 8/3V \end{aligned}$$

۱۴. به این منظور، نخست جریان را در مدار به دست می‌آوریم: با حرکت ساعتگرد از نقطه A و بازگشت به آن (با در نظر گرفتن جریان به طور ساعتگرد) خواهیم داشت:

$$V_A + E_1 - Ir_1 - IR - Ir_r - E_r = V_A$$

در نتیجه جریان I چنین می‌شود:

$$I = \frac{E_1 - E_r}{r_1 + r_r + R} = \frac{6/0V - 3/0V}{0/5\Omega + 1/0\Omega + 1/5\Omega} = 1/0A$$

بنابراین، جهت جریان، واقعاً ساعتگرد است.

اکنون اگر سر سمت راست منبع ۱ را B و سر سمت راست منبع ۲ را E (نقطه زمین) بنامیم، برای منبع ۱ داریم:

$$V_A + \mathcal{E}_1 - Ir_1 = V_B \Rightarrow V_B - V_A = \mathcal{E}_1 - Ir_1$$

و در نتیجه

$$V_B - V_A = \mathcal{E} / \cdot V - (1 / \cdot A) (\cdot / 5 \cdot \Omega) = 5 / 5 V$$

و برای منبع ۲

$$V_A + \mathcal{E}_2 + r_2 I = V_E \Rightarrow V_E - V_A = \mathcal{E}_2 + Ir_2$$

و در نتیجه

$$V_E - V_A = 3 / \cdot V + (1 / \cdot A) (1 / \cdot \Omega) = 4 / \cdot V$$

ب) برای محاسبه V_A ، معادله اختلاف پتانسیل‌ها را بین نقطه‌های A و E (زمین) می‌نویسیم:

$$V_A + \mathcal{E}_1 - Ir_1 - IR = V_E = \cdot$$

در نتیجه

$$V_A = -I(r_1 + R) - \mathcal{E}_1 = (1 / \cdot A) (\cdot / 5 \cdot \Omega + 1 / 5 \Omega) - 6 / \cdot V = -4 / \cdot V$$

خوب است از مسیر شاخه پایین هم، همین موضوع را بررسی کنیم:

$$V_A + \mathcal{E}_2 + Ir_2 = V_E = \cdot$$

و در نتیجه

$$\begin{aligned} V_A &= -\mathcal{E}_2 - Ir_2 = -3 / \cdot V - (1 / \cdot A) (1 / \cdot \Omega) \\ &= -4 / \cdot V \end{aligned}$$

۱۵ لامپ B پرنورتر خواهد بود. با توجه به اینکه ولتاژ هر دو لامپ با توجه به رابطه $|V| = P / \text{صرفی}$ فقط به جریان عبوری از آن بستگی دارد. رشتہ (فیلامن) ضخیم‌تر، با توجه به رابطه $R = \rho L / A$ ، مقاومت کمتری در برابر عبور جریان از خود نشان می‌دهد. بنابراین، لامپ B که رشتہ آن ضخیم‌تر است، دارای رشتہ‌ای با مقاومت کمتر است و جریان بیشتری از آن می‌گذرد و در نتیجه انرژی مصرفی آن در واحد زمان بیشتر و روشن‌تر خواهد بود.

۱۶ الف) از رابطه $|V| = P / \text{صرفی}$ برای توان مصرفی استفاده می‌کنیم. برای اتو داریم $P = 85 \cdot W$ و $V = 220 \cdot V$ ، و در

نتیجه

$$|I| = \frac{P}{|V|} = \frac{85 \cdot W}{220 \cdot V} = 3 / 86 A$$

و برای کتری $P = 240 \cdot W$ و $V = 220 \cdot V$ داده شده است و در نتیجه

$$|I| = \frac{P}{|V|} = \frac{240 \cdot W}{220 \cdot V} = 10 / 9 A$$

ب) می‌توانیم از رابطه‌های $P = V^2 / R$ و $I^2 R = P$ استفاده کنیم. چون مقادیر جریان را گرد کرده‌ایم، بهتر است از رابطه $P = V^2 / R$ استفاده کنیم. به ترتیب برای اتو و کتری داریم:

$$R_{\text{اتو}} = \frac{V^2}{P} = \frac{(220 \cdot V)^2}{85 \cdot W} = 56 / 9 \Omega$$

$$R_{\text{کتری}} = \frac{V^2}{P} = \frac{(220 \cdot V)^2}{240 \cdot W} = 20 / 2 \Omega$$

۱۷ با استفاده از رابطه $[1 + \alpha(T - T_0)] R = R_0$ ، دمای T را محاسبه می‌کنیم:

$$T = T_0 + \frac{R - R_0}{\alpha R_0}$$

در این رابطه به جای R از رابطه $R = V/I$ ، قرار می‌دهیم:

$$R = \frac{V}{I} = \frac{2/9V}{0.30A} = 9/67\Omega \approx 9/7\Omega$$

حال با توجه به اینکه $T = 20^\circ C$, $R_0 = 1/\Omega$ و ضریب دمایی مقاومت ویژه تنگستن برابر $4/5 \times 10^{-3}^\circ C^{-1}$ است، برای دمای رشتۀ لامپ خواهیم داشت:

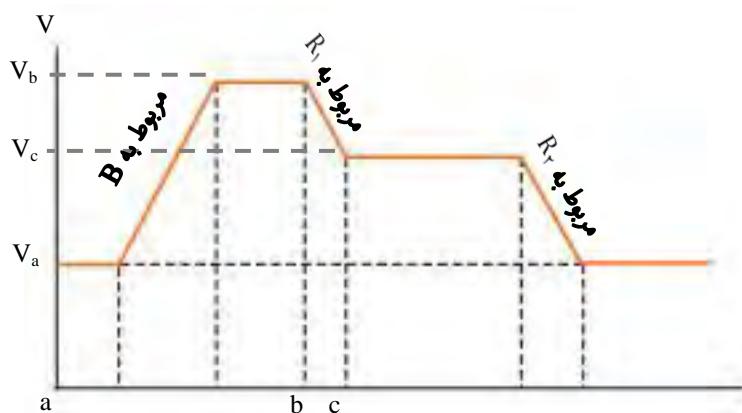
$$T = 20^\circ C + \frac{9/67\Omega - 1/\Omega}{(4/5 \times 10^{-3}^\circ C^{-1})(1/\Omega)} \\ = 1/75 \times 10^\circ C \approx 1/8 \times 10^\circ C$$

که معادل مقدار قابل توجه $1800^\circ C$ است.

۱۸. الف) چون جریان به طور پاد ساعتگرد حرکت می‌کند، قطب منفی، پایانه سمت چپ و قطب مثبت، پایانه سمت راست جعبه B است. به عبارتی، نیروی محرکه الکتریکی که آن را در بسیاری از کتاب‌ها با پیکانهای مشخص می‌کنند، از سمت چپ به سمت راست خواهد بود.

ب) بدیهی است جریان در نقطه‌های a, b و c یکسان است.

پ) می‌دانیم اگر از مقاومت R هم‌سو با جریان I عبور کنیم، پتانسیل به اندازه IR کم می‌شود. در عبور از مقاومت R_1 در می‌یابیم $V_a < V_b < V_c$ و در عبور از مقاومت R_2 در می‌یابیم $V_c < V_b < V_a$. به عبارتی اگر این مدار را باز کنیم و آن را بر روی خط راستی نشان دهیم، نمودار پتانسیل الکتریکی چنین خواهد شد:



ت) با توجه به رابطه $U = qV$ و مثبت بودن بار q ، انرژی پتانسیل الکتریکی متناسب با پتانسیل الکتریکی است. بنابراین داریم:

$$U_b > U_c > U_a$$

۱۹. الف) از رابطه $U = Pt$ استفاده می‌کنیم. توانهای مصرفی، بستگی به نوع لامپ یا تلویزیون دارد. لامپ‌های رشتۀ‌ای قدیمی معمولاً $100W$ هستند، در حالی که لامپ‌های کم‌صرف توان مصرفی کمتری دارند. همچنین تلویزیون‌های لامپی قدیمی توان مصرفی بیشتری از تلویزیون‌های جدید دارند. برای همین، در اینجا صرفاً برای یک لامپ $100W$ مسئله را حل می‌کنیم تا روش حل چنین مسائلی را دریابید. (در این حل فرض کرده‌ایم ۸ ساعت که در صورت مسئله آمده، دقیق و بدون خطاست.)

$$U = Pt = (100W)(8\text{ ساعت}) = 2400\text{ Wh} \\ = 24\text{kWh}$$

ب) بهای برق مصرفی چنین می‌شود:

$$\text{بهای} = (24\text{kWh})(50\text{ تومان/kWh}) = 1200\text{ تومان}$$

پ) در اینجا باید تعداد خانه‌های شهر خود را تخمین بزنید. مثلاً در سرشماری سال ۱۳۹۵، جمعیت تهران حدود ۱۲ میلیون و پانصد هزار نفر به دست آمد. حال اگر فرض کنیم هر خانوار تهرانی به طور متوسط جمعیتی برابر ۵ نفر داشته باشد، می‌توانیم تعداد خانه‌های شهر تهران را حدود ۲ میلیون و پانصد هزار به دست آوریم، بنابراین خواهیم داشت:

$$U = (100 \cdot W) \left(\frac{1}{30} \right) = \left(\frac{2}{5} \times 10^6 \right) \text{ ساعت} \\ = 2/25 \times 10^{10} \text{ Wh} = 2/25 \times 10^7 \text{ kWh}$$

۲۰. الف) ولتاژ دو سر منبع نیروی محرکه الکتریکی از رابطه $\Delta V = P/I - \epsilon$ به دست می‌آید و از طرفی $\Delta V = P/I$ است. با برابر قرار دادن طرفهای راست این دو معادله خواهیم داشت:

$$\epsilon - Ir = P/I$$

در نتیجه می‌توانیم دستگاه معادلات زیر را تشکیل دهیم:

$$\begin{cases} \epsilon - I_1 r = P_1/I_1 \\ \epsilon - I_2 r = P_2/I_2 \end{cases}$$

از آنجا مقاومت داخلی r را به دست می‌آوریم:

$$r = \frac{P_1/I_1 - P_2/I_2}{I_2 - I_1} = \frac{\frac{9/5 \cdot W}{5/..A} - \frac{12/6 \cdot W}{7/..A}}{7/..A - 5/..A} \\ = 5/..0 \times 10^{-2} \Omega$$

و اکنون با دانستن ϵ ، نیروی محرکه الکتریکی منبع، چنین می‌شود:

$$\epsilon = I_1 r + \frac{P_1}{I_1} \\ = (5/..0 A) (5/..0 \times 10^{-2} \Omega) + \frac{9/5 \cdot W}{5/..0 A} \\ = 2/15 V$$

ب) به این پرسش، بیشتر در فعالیت ۶-۲ نیز پرداختیم. اختلاف پتانسیل دو سر منبع نیروی محرکه الکتریکی از رابطه $\Delta V = Ir - \epsilon$ به دست می‌آید. تا وقتی که جریانی از مدار عبور نکند، ولتاژ دو سر منبع برابر با نیروی محرکه است و هرچه جریان عبوری بیشتر شود، افت پتانسیل Ir نیز بیشتر و اختلاف پتانسیل دو سر منبع کوچک‌تر می‌شود. در هر حال، شکلی شبیه شکل روبرو برای نمودار ΔV بر حسب I خواهیم داشت. همان‌طور که در فعالیت ۶-۴ اشاره کردیم مقاومت داخلی منبع نیروی محرکه برابر با نسبت نیروی محرکه به جریان بیشینه می‌شود.

۲۱. وقتی لامپی می‌سوزد، به معنی آن است که اتصال در آن قسمت از مدار قطع می‌شود. اگر لامپ‌ها به طور متوالی بسته شده باشند، قطع مدار در هر قسمت از مدار موجب قطع جریان در کل مدار و خاموش شدن همه لامپ‌ها می‌شود. به همین دلیل است که چراغ‌های خودرو به طور موازی بسته می‌شود تا با سوختن یک لامپ، همه لامپ‌ها خاموش نشوند. البته این تنها دلیل

نیست. اتصال موازی باعث می شود که بیشترین روشنایی حاصل شود. زیرا در اتصال موازی، اختلاف پتانسیل دو سر همه لامپها یکسان است، در حالی که در اتصال متواالی، این اختلاف پتانسیل به نسبت مقاومت هر لامپ تقسیم می شود.

۲۲. آمپرسنج جریان عبوری از خود را اندازه می گیرد. به همین دلیل، آن را با بخشی از مدار که می خواهیم جریان عبوری از آن را اندازه بگیریم به طور متواالی می بندیم. بنابراین، برای آن که با اضافه شدن آمپرسنج به مدار، مقاومت مدار تغییر قابل ملاحظه ای پیدا نکند تا بر جریان عبوری تأثیر بگذارد، مقاومت آمپرسنج باید کوچک باشد.

۲۳. مجموع جریان های ورودی برابر $11A = 11A - 3A = 8A$ و مجموع جریان های خروجی برابر است. بنابراین، بزرگی جریان I در سیم پایین برابر با $11A - 3A = 8A$ و جهت آن به سمت راست است.

۲۴. هر چه کلیدهای بیشتری بسته شود، مقاومتهای موازی بیشتری وارد مدار می شود. با افزایش تعداد شاخهای موازی، مقاومت مدار کم و در نتیجه جریان عبوری طبق رابطه $I/(R + r) = V/\epsilon$ زیاد می شود. از طرفی، طبق رابطه $V = \epsilon - Ir$ این امر موجب کاهش اختلاف پتانسیل می شود. پس نتیجه می گیریم با بسته شدن کلیدهای بیشتر، آمپرسنج عددی بزرگ تر و ولتسنج عددی کوچک تر را نشان می دهد.

۲۵. توان مصرفی را با استفاده از رابطه $P = V^2/R$ مصرفی به دست می آوریم. اکنون کافی است مقاومت معادل را در دو حالت متواالی و موازی مقایسه کنیم. در حالت متواالی $R_{eq} = R/2$ و در حالت موازی $R'_{eq} = 2R$ می شود. بنابراین داریم:

$$\frac{P_{موازی}}{P_{متواالی}} = \frac{V^2/R_{eq}}{V^2/R'_{eq}} = \frac{R'_{eq}}{R_{eq}} = \frac{2R}{R/2}$$

$$= 4$$

۲۶. همان طور که در متن درس اشاره شده است، بستن متواالی به معنای بسته شدن مقاومتها یکی پس از دیگری است، به طوری که هیچ انشعابی بین آن ها وجود نداشته باشد، و بستن موازی به معنای آن است که یک سر مقاومتها مستقیماً به یکدیگر و سر دیگر آن ها نیز مستقیماً به هم وصل شده باشد و اختلاف پتانسیل یکسانی به دو سر این مقاومتها اعمال شده است. با این تعاریف واضح است که در شکل الف مقاومتها به طور متواالی بسته شده اند، در حالی که در شکل های ب و پ مقاومتها به طور موازی بسته شده اند. همچنین اگر بررسی کنید هیچ کدام از این تعاریف برای شکل (ت) برقرار نیست و در این مدار، مقاومتها نه متواالی هستند و نه موازی.

۲۷. (الف) اگر حلقه را از نقطه A به طور ساعتگرد دور بزنیم، خواهیم داشت:

$$V_A - IR_1 + \epsilon_1 - Ir_1 - IR_2 - Ir_2 - \epsilon_2 = V_B$$

از اینجا ϵ_2 را محاسبه می کنیم:

$$\begin{aligned} \epsilon_1 &= IR_1 + Ir_1 + IR_2 + Ir_2 + \epsilon_2 \\ &= I(R_1 + r_1 + R_2 + r_2) + \epsilon_2 \\ &= (1/2A)(2/0\Omega + 0/50\Omega + 1/0\Omega) + 12V = 18V \end{aligned}$$

برای محاسبه $V_A - V_B$ ، مسیر A → B را در شاخه بالا در جهت جریان طی می کنیم:

$$V_A - IR_1 + \epsilon_1 - Ir_1 - IR_2 = V_B$$

در نتیجه

$$\begin{aligned}
 V_A - V_B &= I(R_1 + r_\gamma + R_\gamma) - \mathcal{E}_\gamma \\
 &= (1/2A)(2/0\Omega + 0/5\Omega + 1/5\Omega) - 18V \\
 &= -13/2V
 \end{aligned}$$

خوب است همین نتیجه را با پیمودن شاخه پایین نیز وارسی کنیم. در این صورت خواهیم داشت:

$$V_A + \mathcal{E}_1 + Ir_1 = V_B$$

و در نتیجه

$$V_A - V_B = -\mathcal{E}_1 - Ir_1 = -12V - (1/2A)(1/0\Omega) = -13/2V$$

ب) انرژی مصرف شده در هریک از مقاومت های R_1 و R_2 را می توانیم با استفاده از معادله ۹-۲ به دست آوریم. با توجه به اینکه $U = Pt$ است، داریم:

$$U = Pt = (RI^r)t$$

بنابراین

$$U_1 = (R_1)(I^r)(t) = (2/0\Omega)(1/2A)^r(5/0s) = 14/4J \approx 14J$$

$$U_\gamma = (R_\gamma)(I^r)(t) = (1/5\Omega)(1/2A)^r(5/0s) = 10/8J \approx 11J$$

و مجموع این دو انرژی $J = 25/2J \approx 25$ می شود. $U = U_1 + U_\gamma$

۲۸. در حالت متوالی می دانیم جریان عبوری از همه مقاومت ها یکسان است. از طرفی، مقاومت معادل برابر است با

$$R_{eq} = 3R_1 = 3(12\Omega) = 36\Omega$$

و در نتیجه جریان عبوری از همه مقاومت ها چنین می شود:

$$I = \frac{V}{R_{eq}} = \frac{12V}{36\Omega} = 0.33A$$

در حالت موازی، چون مقاومت ها یکسان اند، مقاومت معادل برابر است با

$$R_{eq} = \frac{R_1}{3} = \frac{12\Omega}{3} = 4/0\Omega$$

اکنون می توانیم جریان کل را به دست آوریم:

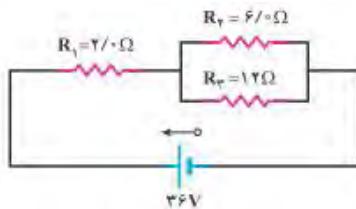
$$I_t = \frac{V}{R_{eq}} = \frac{12V}{4/0\Omega} = 3/0A$$

این جریان، در هر سه شاخه موازی به طور مساوی تقسیم می شود. بنابراین جریان عبوری از هر مقاومت $A = 1/0A$ می شود.

تبصره. راه دیگر آن بود که جریان را برای هر مقاومت از رابطه $I = V/R$ به دست آوریم و توجه کنیم که با توجه به موازی بودن مقاومت ها، ولتاژ آن ها برابر است:

$$I_t = I_1 = I_\gamma = \frac{V}{R} = \frac{12V}{12\Omega} = 1/0A$$

۲۹. توان مصرفی را از رابطه $P = V^2/R$ به دست می آوریم که در آن V اختلاف پتانسیل است. پس کافی است اختلاف پتانسیل دو سر مقاومت Ω را محاسبه کنیم. به این منظور، شکل مسئله را چنین رسم می کنیم:



برای محاسبه اختلاف پتانسیل دو سر مقاومت Ω باید نخست جریان کل را محاسبه کنیم. برای محاسبه جریان کل، به مقاومت معادل نیاز داریم:

$$\begin{aligned} R_{eq} &= R_1 + R_{23} = R_1 + \frac{R_r R_{23}}{R_r + R_{23}} \\ &= 2/0\Omega + \frac{(6/0\Omega)(12\Omega)}{(6/0\Omega + 12\Omega)} = 2/0\Omega + 4/0\Omega \\ &= 6/0\Omega \end{aligned}$$

و در نتیجه

$$I = \frac{V}{R_{eq}} = \frac{26V}{6/0\Omega} = 6/0A$$

اکنون می‌توانیم اختلاف پتانسیل دو سر R_{23} را، که همان اختلاف پتانسیل دو سر R_2 است، به دست آوریم:

$$\begin{aligned} V_r &= V_{23} = I_t R_{23} = (6/0A)(4/0\Omega) \\ &= 24V \end{aligned}$$

حال می‌توانیم توان مصرفی در مقاومت Ω را به دست آوریم:

$$P_{\text{صرفی}} = \frac{V_r^2}{R_r} = \frac{(24V)^2}{6/0\Omega} = 96W$$

۳۰. مقاومت $4/0\Omega$ را با R_1 ، مقاومت $3/0\Omega$ را با R_2 و مقاومت $6/0\Omega$ را با R_3 نمایش می‌دهیم. نخست، مقاومت معادل این مجموعه را به دست می‌آوریم. توجه کنید که مقاومتهای R_2 و R_3 با هم موازی و مقاومت معادل آنها با مقاومت R_1 متواالی است. بنابراین داریم:

$$\begin{aligned} R_{eq} &= \frac{R_r R_{23}}{R_r + R_{23}} + R_1 \\ &= \frac{(3/0\Omega)(6/0\Omega)}{3/0\Omega + 6/0\Omega} + 4/0\Omega \\ &= 2/0\Omega + 4/0\Omega = 6/0\Omega \end{aligned}$$

از اینجا می‌توان جریان کل را به دست آورد که همان جریان I_1 نیز هست:

$$I_1 = \frac{18V}{6/0\Omega} = 3/0A$$

و از طرفی، از قاعده انشعاب جریان‌ها داریم:

$$I_1 = I_r + I_3 = 3/0A \quad (1)$$

همچنین دیدیم که مقاومتهای R_2 و R_3 موازی‌اند و بنابراین اختلاف پتانسیل دو سر آنها با هم برابر است:

$$I_r R_r = I_3 R_3$$

و یا

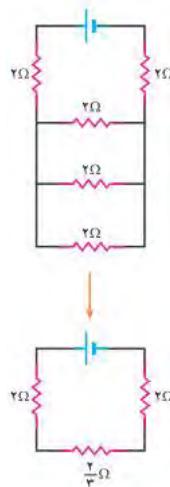
$$I_r = I_3 \left(\frac{R_3}{R_r} \right) = 2 I_3 \quad (2)$$

از حل همزمان معادله‌های (۱) و (۲) خواهیم داشت:

$$2I_3 + I_2 = 3I_2 = 3/ \cdot A$$

بنابراین $I_2 = 1/ \cdot A$ و در نتیجه $I_3 = 2/ \cdot A$ است.

۳۱ اگر توجه کنید در می‌باید تمام مقاومت‌های $4/ \cdot \Omega$ با هم موازی‌اند. بنابراین، عملاً چنین مداری داریم:



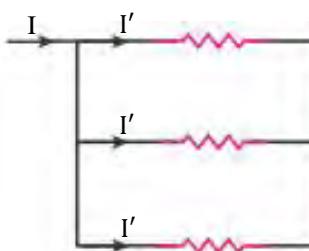
پس مقاومت معادل مدار چنین می‌شود:

$$R_{eq} = \frac{1}{3} \Omega + 2\Omega + 2\Omega = \frac{14}{3} \Omega$$

و در نتیجه جریان عبوری از مدار معادل (و در نتیجه منبع نیروی محرکه) برابر است با

$$I = \frac{\mathcal{E}}{R_{eq}} = \frac{14V}{\frac{14}{3}\Omega} = 3/ \cdot A$$

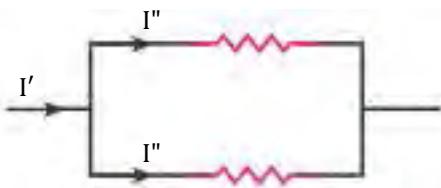
اکنون برای محاسبه جریان مقاومت‌های $4/ \cdot \Omega$ ، گام به گام عقب می‌رویم. توجه کنید که این جریان $3/ \cdot A$ از سه مقاومت موازی $4/ \cdot \Omega$ می‌گذرد و مثلًاً شکلی مانند شکل زیر داریم:



توجه کنید چون مقاومت‌ها یکسان است، جریان عبوری از آن‌ها نیز یکسان شده است (I') و بنابراین داریم:

$$I = 3I' \Rightarrow I' = \frac{I}{3}$$

خود این $I' = \frac{I}{3}$ از مقاومت‌های موازی $4/ \cdot \Omega$ می‌گذرد؛ مثلًاً شکلی مثل زیر داریم:



توجه کنید چون مقاومت‌ها یکسان است، جریان عبوری از آن‌ها نیز یکسان شده است (I'') و بنابراین داریم:

$$I'' = \frac{I'}{2} = \frac{I}{\epsilon} = \frac{\epsilon \cdot A}{2} = 0.5 \cdot A$$

۳۲. چون همه لامپ‌ها از هر لحظه یکسان هستند، پیش از بستن کلید، اختلاف پتانسیل دو سر همه یکسان و برابر با $\epsilon/3$

است، که ϵ نیروی محرکه باتری است:

$$V_{1A} = V_{1B} = V_{1C} = \frac{\epsilon}{3}$$

پس از بستن کلید، اختلاف پتانسیل دو سر لامپ C برابر صفر می‌شود و بنابراین لامپ C از مدار خارج می‌شود و بدین ترتیب خواهیم داشت:

$$V_{2A} = V_{2B} = \frac{\epsilon}{2}$$

بنابراین، نسبت اختلاف پتانسیل‌های لامپ‌های A و B چنین می‌شود:

$$\frac{V_{2A}}{V_{1A}} = \frac{V_{2B}}{V_{1B}} = \frac{\epsilon/2}{\epsilon/3} = 1/5$$

اکنون اگر به گزینه‌های مسئله نگاه کنیم درمی‌یابیم گزینه‌های پ و ت درست هستند. گزینه پ از آن رو درست است که در بالا نشان دادیم $V_{2A} = 1/5V_{1A}$ و $V_{2B} = 1/5V_B$ می‌شود که این به معنی افزایش ۵۰٪ اختلاف پتانسیل دو سرشان است. گزینه ت نیز درست است و ما پیشتر از آن استفاده کردیم.

تبصره. در وضعیت شکل مسئله، وقتی کلید را می‌بندیم، اصطلاحاً می‌گویند دو سر لامپ / تصال کوتاه (short circuit) شده است.

۳۳. با توجه به اینکه اختلاف پتانسیل دو سر مجموعه و توان هریک از مصرف‌کننده‌ها را داریم، مقاومت هر مصرف‌کننده را می‌توان به راحتی با استفاده از رابطه $P = V^2/R$ به دست آورد:

$$R_{اتو} = \frac{V^2}{P_{اتو}} = \frac{(22\text{-}V)^2}{1100\text{-}W} = 44/\Omega$$

$$R_{توستر} = \frac{V^2}{P_{توستر}} = \frac{(22\text{-}V)^2}{1800\text{-}W} = 26/9\Omega$$

$$R_{لامپ‌ها} = \frac{V^2}{P_{لامپ‌ها}} = \frac{(22\text{-}V)^2}{5(100\text{-}W)} = 96/8\Omega$$

$$R_{بخاری} = \frac{V^2}{P_{بخاری}} = \frac{(22\text{-}V)^2}{1100\text{-}W} = 44/\Omega$$

از طرفی داریم $I = V/R_{eq}$ که $1/A$ از رابطه زیر به دست می‌آید:

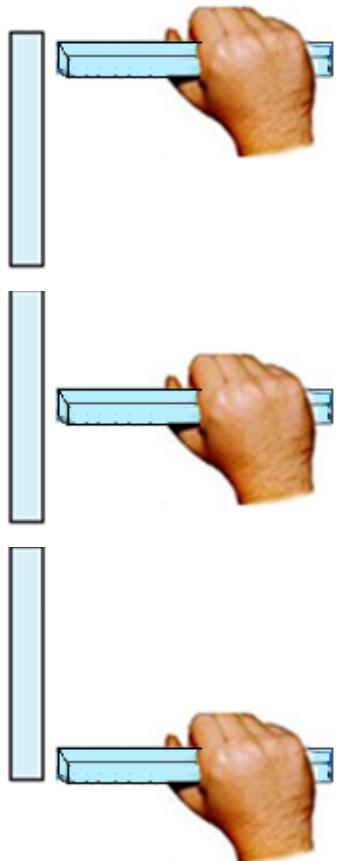
$$\begin{aligned} \frac{1}{R_{eq}} &= \frac{1}{R_{اتو}} + \frac{1}{R_{توستر}} + \frac{1}{R_{لامپ‌ها}} + \frac{1}{R_{بخاری}} \\ &= \frac{1}{44/\Omega} + \frac{1}{26/9\Omega} + \frac{1}{96/8\Omega} + \frac{1}{44/\Omega} \\ &= 9/30 \times 10^{-2}\Omega^{-1} \end{aligned}$$

بنابراین جریان عبوری از مقاومت چنین می‌شود:

$$\begin{aligned} I &= \frac{V}{R_{eq}} = V\left(\frac{1}{R_{eq}}\right) \\ &= (220V)\left(9/30 \times 10^{-3}\Omega^{-1}\right) \\ &= 20/46A = 20/5A \end{aligned}$$

که این بیشتر از جریان ۱۵A است که فیوز می‌تواند تحمل کند و بنابراین فیوز می‌پرد.

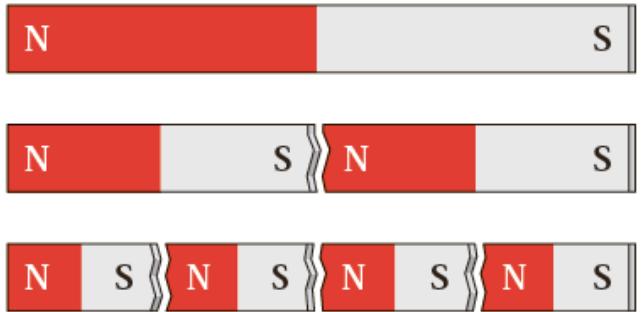
فرض کنید دو میله کاملاً مشابه، یکی از جنس آهن و دیگری آهن را در اختیار دارید. با گفت و گو در گروه خود، روشی را پیشنهاد کنید که با استفاده از آن و بدون استفاده از هیچ وسیله دیگر، بتوان میله ای را که از جنس آهن باشد مشخص کرد.



پاسخ:

یکی از میله ها را در دست می گیریم و در سه وضعیت بر ابتدای میله، وسط میله و انتهای میله می گذاریم اگر رباش درسه وضعیت یکسان باشد آن میله ای که در دست ماست **آهن** رباشد. اگر رباش یکسان نباشد یعنی در دو سر میله خاصیت مغناطیسی زیاد و در وسط خاصیت مغناطیسی بسیار کم باشد آن میله که در دست ماست آهن است.

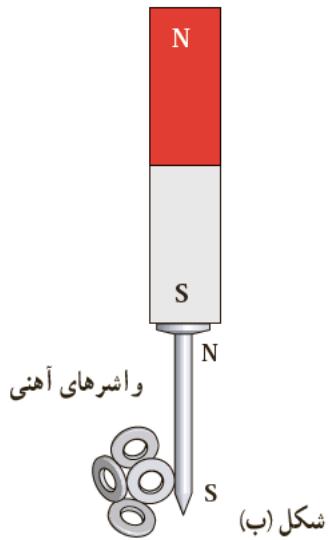
۱ - دریافت خود را از شکل الف بیان کنید.



پاسخ:

اگر آهنربایی را از وسط نصف کنیم ، هر قسمت دارای دو قطب N و S است و اگر این تقسیم بندی ادامه یابد، به مولکولهایی از آهنربا می رسیم که خاصیت مغناطیسی دارند آنها رادوقطبی مغناطیسی می نامند، این دو قطبی های مغناطیسی منشاء مغناطیسی مواد می باشند.

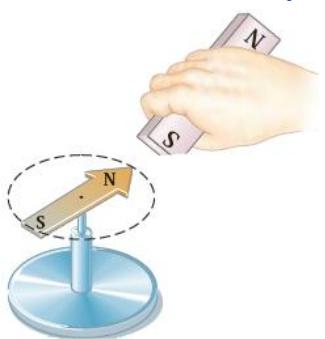
۲- در علوم هشتم با پدیده القای مغناطیسی آشنا شدید. با توجه به شکل ب این پدیده را توضیح دهید و بیان کنید چرا در پدیده القای مغناطیسی همواره جذب وجود دارد؟



پاسخ:

با نزدیک کردن آهن ربا به یک قطعه آهنی (فرومغناطیس) بر اثر پدیده القای مغناطیسی در قطعه، قطب های ناهمنام ایجاد می شود، در نتیجه در القای مغناطیسی همواره قطعه جذب آهن ربا می شود.

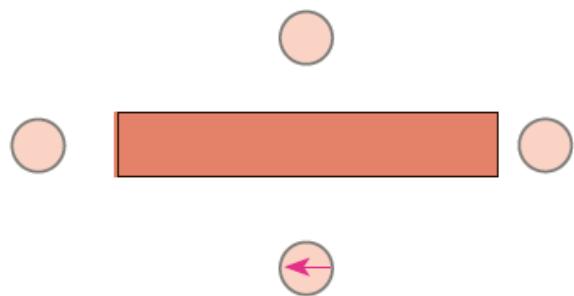
یکی از قطب های یک آهنربای میله ای را به یک عقربۀ مغناطیسی نزدیک کنید آنچه را می بینید توضیح دهید. با دور کردن آهنربا از قطب نما چه اتفاقی می افتد؟ دلیل آن را شرح دهید. در صورتی که قطب نما در اختیار ندارید، یک سوزن ته گرد مغناطیسی شده را روی سطح آب، درون ظرفی شناور سازید. به این ترتیب، سوزن ته گرد مانند عقربۀ مغناطیسی یک قطب نما رفتار می کند.



پاسخ:

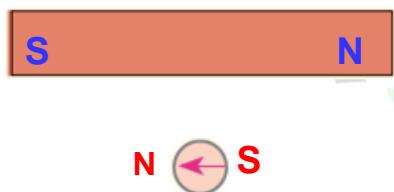
در این آزمایش با نزدیک کردن آهن ربا به عقربه مغناطیسی می چرخدوپس از دور کردن در جهت شمال مغناطیسی زمین قرار می گیرد. آهن ربا و قطب نما با قطب های مشخص شده با **با نزدیک شدن** به یکدیگر قطب های ناهمنام همدیگر را می ربايند پس با نزدیک کردن قطب N آهن ربا قطب S قطب نما به سمت آن می چرخدو با **دور کردن آهن ربا** عقربه قطب نما تحت تاثیر میدان مغناطیسی زمین در راستای تقریبی شمال-جنوب قرار می گیرد

۱- شکل رو به رو، یک آهنربای میله‌ای و تعدادی عقربۀ مغناطیسی را نشان می‌دهد. (الف) کدام سر آهنربا قطب N و کدام سر قطب S است؟

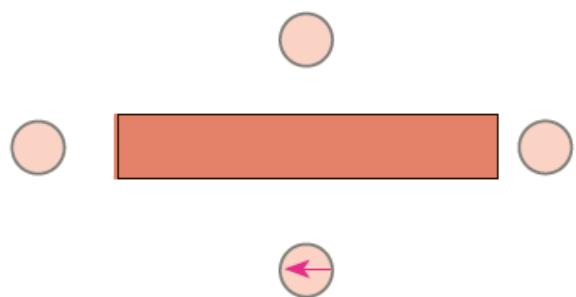


پاسخ:

الف) سمت راست میله قطب N و سمت چپ میله قطب S است.

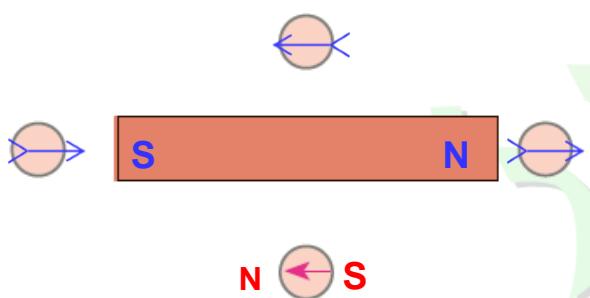


۱- شکل رو به رو، یک آهنربای میله‌ای و تعدادی عقره مغناطیسی را نشان می‌دهد. (ب) جهت گیری عقره‌های مغناطیسی را در دیگر مکان‌های روی شکل تعیین کنید.

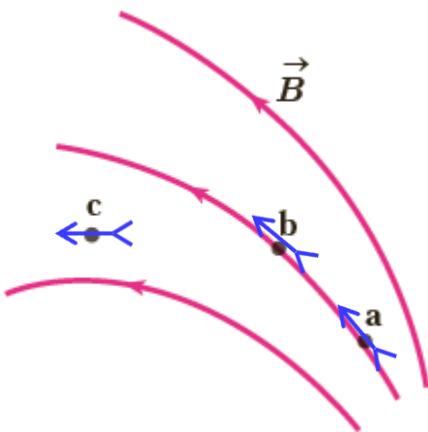
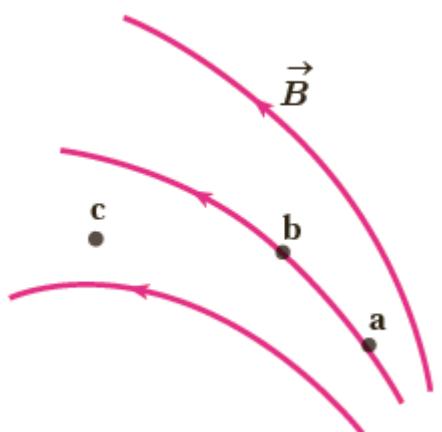


پاسخ:

ب) عقره مغناطیسی همواره مماس بر خطوط میدان مغناطیسی اطراف آهن ربا قرار می‌گیرد با داشتن قطب‌ها و رسم خطوط میدان در خارج آهن ربا (از N به S) جهت گیری عقره را تعیین می‌کنیم



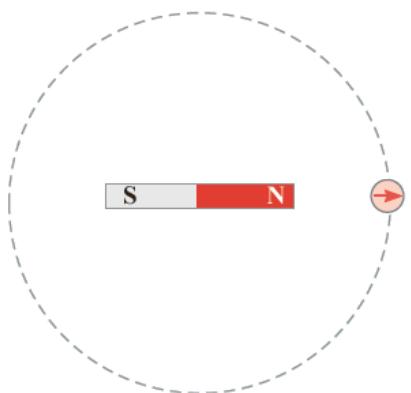
۲- شکل رو به رو، خط های میدان مغناطیسی در ناحیه ای از فضا را نشان می دهد بردار میدان مغناطیسی را در هر یک نقطه های روی شکل رسم کنید. به اندازه و جهت بردار میدان در هر نقطه توجه کنید.



پاسخ:

چون تراکم خطوط میدان مغناطیسی در نقطه a بیشتر از نقطه b است پس: $B_a > B_b > B_c$

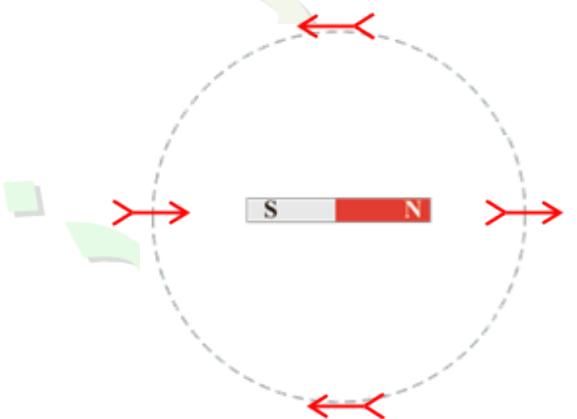
یک آهنربای میله‌ای را روی سطح افقی میزی قرار دهید. یک قطب نما یا عقربهٔ مغناطیسی را مقابل یکی از قطب‌های آهنربا قرار دهید. روی مسیری دایره‌ای شکل دور آهنربا، عقربه را به آرامی حرکت دهید (شکل زیر) بررسی کنید پس از یک دور حرکت، عقربه چند درجه می‌چرخد.



پاسخ:

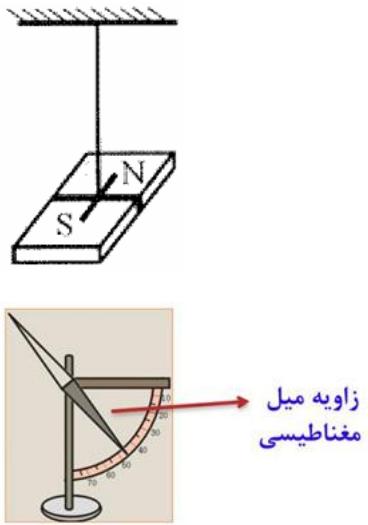
در هر ربع دایره عقربه 180° درجه می‌چرخد برای یک حرکت کامل دور دایره، عقربه 720° درجه می‌چرخد

$$4 \times 180^\circ = 720^\circ$$

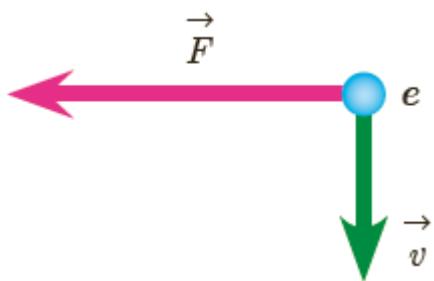


وقتی یک سوزن مغناطیسی شده یا یک عقربهٔ مغناطیسی را از وسط آن آویزان می‌کنیم در بیشتر نقاط زمین، به طور افقی قرار نمی‌گیرد و امتداد آن با سطح افقی زمین زاویه‌هی سازد. به این زاویه، شبیهٔ مغناطیسی گفته می‌شود. برای یافتن شبیهٔ مغناطیسی محلی که در آن زندگی می‌کنید درست به وسط یک سوزن مغناطیسی شده یا عقربهٔ مغناطیسی بزرگ، نخی را بیندید و آن را آویزان کنید. پس از تعادل، به کمک نقاله، زاویه‌ای را اندازه‌بگیرید که امتداد سوزن یا عقربهٔ مغناطیسی با راستای افق می‌سازد. عدد به دست آمده، شبیهٔ مغناطیسی محل زندگی شماست. چنانچه در آزمایشگاه مدرسه شبیه سنج مغناطیسی موجود باشد می‌توانید از آن نیز استفاده کنید.

پاسخ:



الکترونی عمود بر میدان مغناطیسی یکنواختی در حرکت است. با توجه به شکل، جهت میدان \vec{B} کدام است؟



برون سو

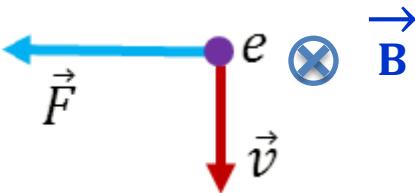
درون سو

راست

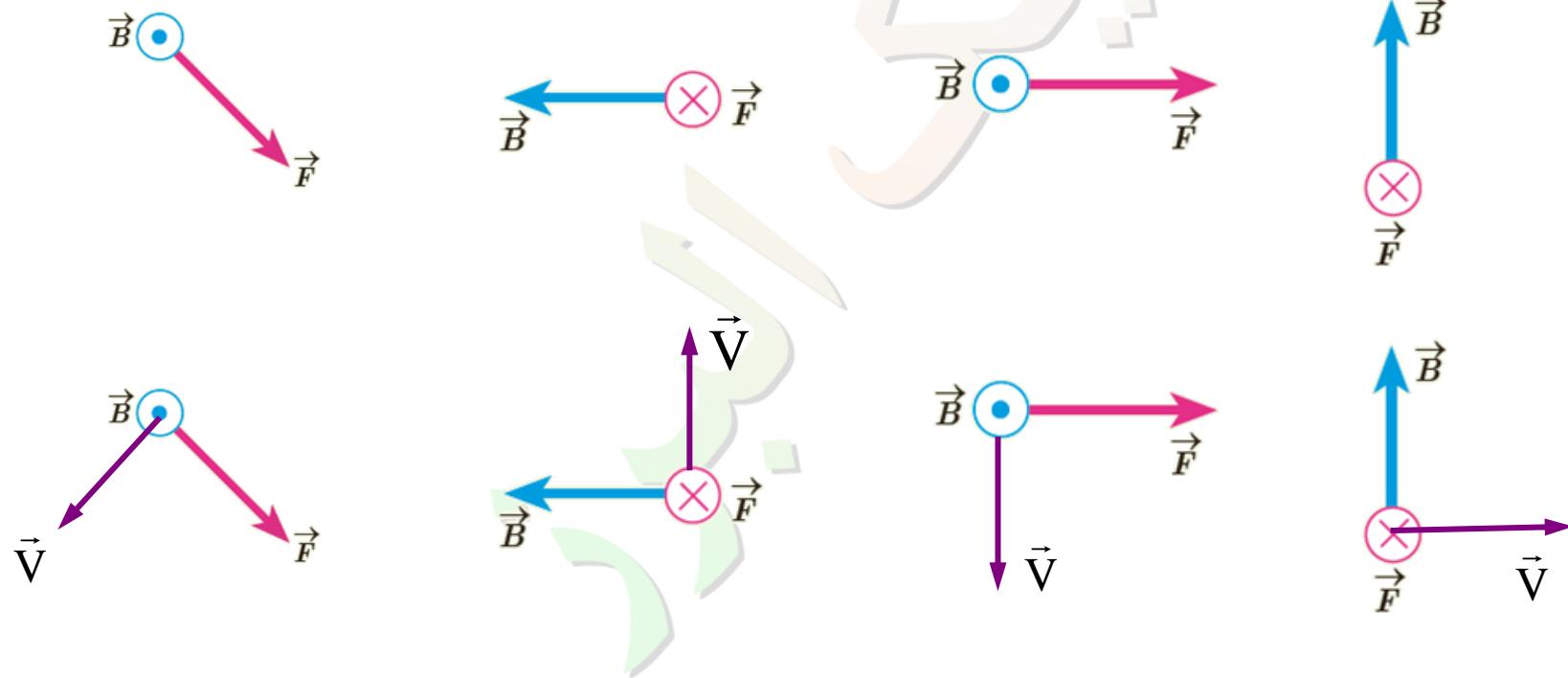
بالا

پاسخ:

میدان مغناطیسی درون سو



۷- نیروی مغناطیسی \vec{F} وارد بر الکترونی که در میدان مغناطیسی \vec{B} در حرکت است، در شکل زیر نشان داده شده است. فرض کنید راستای حرکت الکترون بر میدان مغناطیسی عمود است؛ در هر یک از حالت‌های نشان داده شده جهت سرعت الکترون را تعیین کنید.



پاسخ:

۱- برپروتونی که با زاویه $\theta = ۳۰^\circ$ نسبت به میدان مغناطیسی یکنواختی به اندازه $B = ۳۲۰ \text{ G}$ در حرکت است نیرویی به اندازه $F = ۵ / ۱۲ \times ۱۰^{-۱۴} \text{ N}$ وارد می شود. تندی پروتون چند کیلومتر بر ثانیه است؟

پاسخ:

$$|q| = ۱ / ۶ \times ۱ \cdot ۱۰^{-۱۹} \text{ C}$$

$$\theta = ۳۰^\circ$$

$$B = ۳۲۰ \times ۱ \cdot ۱۰^{-۴} \text{ T}$$

$$F = ۵ / ۱۲ \times ۱ \cdot ۱۰^{-۱۴} \text{ N}$$

$$V = ?$$

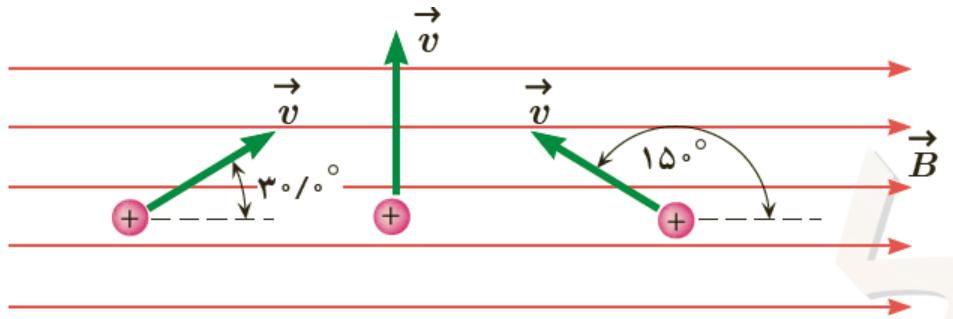
$$F = |q|vB \sin \theta$$

$$v = \frac{F}{|q|B \sin \theta}$$

$$v = \frac{۵ / ۱۲ \times ۱ \cdot ۱۰^{-۱۴}}{۱ / ۶ \times ۱ \cdot ۱۰^{-۱۹} \times ۳۲۰ \times ۱ \cdot ۱۰^{-۴} \sin ۳۰^\circ}$$

$$v = ۲ \times ۱ \cdot ۱ \text{ } \frac{\text{m}}{\text{s}} = ۲ \times ۱ \cdot ۱ \text{ } \frac{\text{km}}{\text{s}}$$

۲- سه ذره، هر کدام با بار $C = ۴۶ \mu C$ و تندی $v = ۱۵ \text{ m/s}$ در میدان مغناطیسی یکنواختی به اندازه $B = ۰.۱۶۵ \text{ T}$ در حرکت اند (شکل زیر) اندازه نیروی وارد بر هر ذره را حساب کنید.



پاسخ:

$$|q| = ۶/۱۵ \times ۱ \cdot ۰^{-۶} \text{ C}$$

$$V = ۴۶ \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$B = ۰.۱۶۵ \text{ T}$$

$$F = |q|vB\sin\theta$$

$$F = ?$$

$$\theta_1 = ۳۰^\circ \rightarrow F_1 = ۶/۱۵ \times ۱ \cdot ۰^{-۶} \times ۴۶ \times ۰.۱۶۵ \sin ۳۰^\circ \rightarrow F_1 \approx ۲/۳۳ \times ۱ \cdot ۰^{-۵} \text{ N}$$

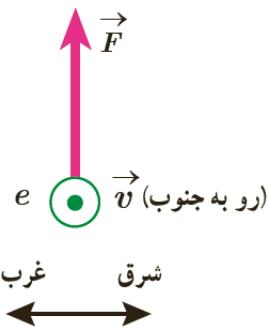
$$\theta_2 = ۹۰^\circ \rightarrow F_2 = ۶/۱۵ \times ۱ \cdot ۰^{-۶} \times ۴۶ \times ۰.۱۶۵ \sin ۹۰^\circ \rightarrow F_2 \approx ۴/۶۷ \times ۱ \cdot ۰^{-۵} \text{ N}$$

$$\theta_3 = ۱۵۰^\circ \rightarrow F_3 = ۶/۱۵ \times ۱ \cdot ۰^{-۶} \times ۴۶ \times ۰.۱۶۵ \sin(180^\circ - 30^\circ) \rightarrow F_3 \approx ۲/۳۳ \times ۱ \cdot ۰^{-۵} \text{ N}$$

$$\sin(\pi - \theta) = \sin \theta$$

$$\sin(180^\circ - 30^\circ) = \sin 30^\circ = 0.5$$

۳-الکترونی با تندی $2/3 \times 10^5 \text{ m/s}$ درون میدان مغناطیسی یکنواختی در حرکت است. اندازه نیرویی که از طرف میدان مغناطیسی بر این الکترون وارد می شود، هنگامی بیشینه است که الکترون به سمت جنوب حرکت کند. الف) اگر جهت این نیروی بیشینه، رو به بالا و اندازه آن برابر $N^{-1} \times 10^{-14}$ باشد، اندازه و جهت میدان مغناطیسی را تعیین کنید.
ب) اندازه میدان الکتریکی چقدر باشد تا همین نیرو را ایجاد کند؟



پاسخ:

$$V = 2/3 \times 10^5 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$\sin 90^\circ = 1$$

$$q = 1/6 \times 10^{-19} \text{ C}$$

$$F_{\text{MAX}} = 6/8 \times 10^{-14} \text{ N}$$

$$B = ?$$

$$E = ?$$

$$F = qvB \sin \alpha$$

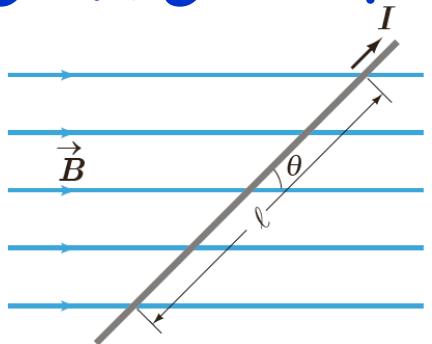
$$B = \frac{F_{\text{MAX}}}{qv \sin 90^\circ}$$

$$B = \frac{6/8 \times 10^{-14}}{1/6 \times 10^{-19} \times 2/3 \times 10^5 \times 1}$$

$$\rightarrow B = 1/77 \text{ T} \quad \text{در جهت غرب}$$

$$F = Eq \rightarrow E = \frac{F}{q} \rightarrow E = \frac{6/8 \times 10^{-14}}{1/6 \times 10^{-19}} = 4/25 \times 10^5 \frac{\text{N}}{\text{C}}$$

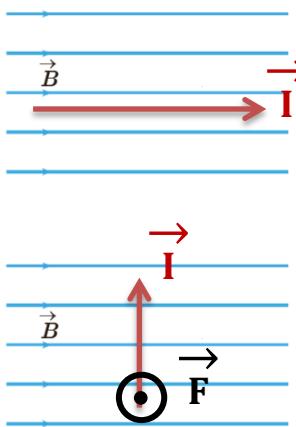
۱- اگر در شکل ۱۳-۳ سیم حامل جریان در امتداد میدان مغناطیسی قرار گیرد، نیروی مغناطیسی وارد بر آن چقدر خواهد بود؟ در چه حالتی بزرگی این نیرو بیشینه می شود؟



پاسخ:

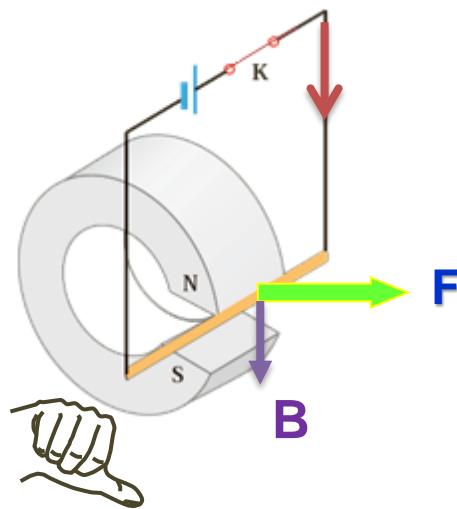
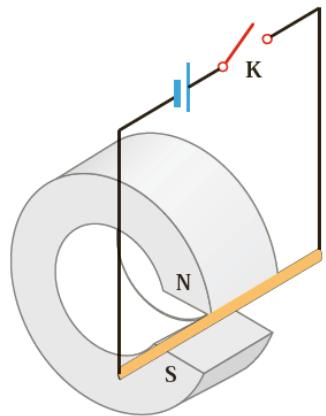
$$\left. \begin{array}{l} F = BIL \sin \alpha \\ \alpha = 0^\circ \end{array} \right\} F = BIL \times 0 = 0 \text{ N}$$

$$\left. \begin{array}{l} \alpha = 90^\circ \\ \sin 90^\circ = 1 \end{array} \right\} F_{\max} = BIL \sin 90^\circ = BIL$$



در حالتی که سیم در امتداد میدان مغناطیسی قرار بگیرد نیرو صفر است و در صورتی که عمود به میدان باشد بیشینه می شود

۲- یک میله رسانا به پایانه های یک باتری وصل شده و مطابق شکل در فضای بین قطب های یک آهنربای C شکل آویزان شده است و می تواند آزادانه نوسان کند. با بستن کلید K، چه اتفاقی برای میله رسانا رخ می دهد؟ توضیح دهید.



پاسخ:

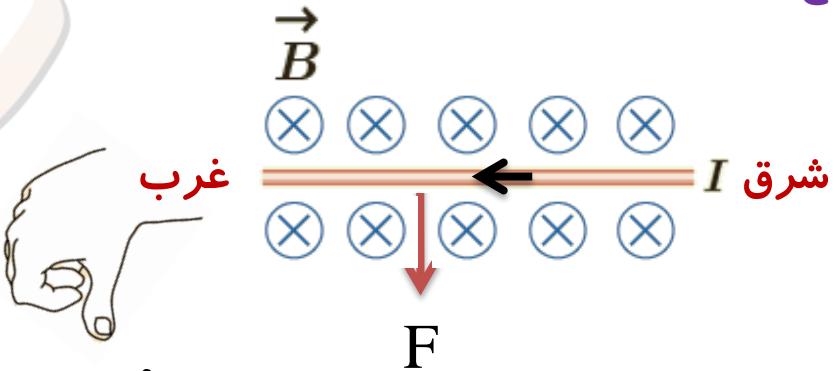
با توجه به جهت جریان در میله و جهت میدان مغناطیسی در فضای بین قطب های آهنربا، از قاعده دست راست جهت نیروی وارد بر میله را پیدا کنید با بستن کلید K میله به طرف راست حرکت می کند.

۱- سیم مستقیمی به طول $2/4\text{m}$ حامل جریان $2/5\text{A}$ از شرق به غرب است. اندازهٔ میدان مغناطیسی زمین در محل این سیم 45G و جهت آن از جنوب به شمال است. اندازهٔ و جهت نیروی مغناطیسی وارد بر این سیم را تعیین کنید.

(میدان مغناطیسی زمین به طرف شمال)



پاسخ:



$$L = 2/4 \text{ m}$$

$$I = 2/5 \text{ A}$$

$$B = 45 \times 10^{-4} \text{ T}$$

$$F = ?$$

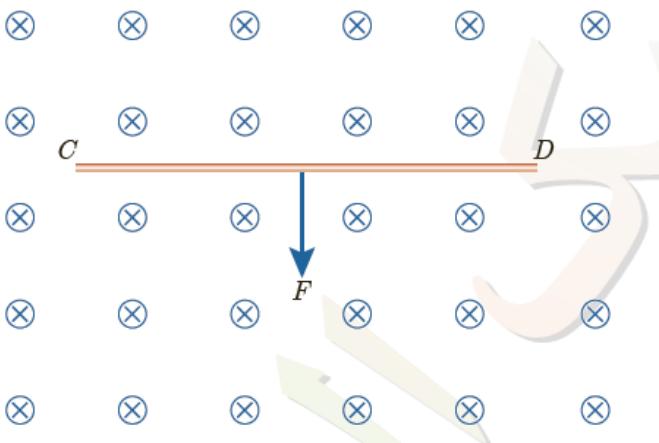
$$\alpha = 90^\circ$$

$$F = BIL \sin \alpha$$

$$F = 2/4 \times 2/5 \times 45 \times 10^{-4} \sin 90^\circ$$

$$F = 2/7 \times 10^{-4} \text{ N}$$

۳-سیم رسانای CD به طول $2m$ مطابق شکل زیر عمود بر میدان مغناطیسی درون سو با اندازه $T/5$ قرار گرفته است؛ اگر اندازه نیروی مغناطیسی وارد بر سیم برابر N باشد، جهت و مقدار جریان عبوری از سیم را تعیین کنید.



پاسخ:

$$L = 2m$$

$$B = ./.5 T$$

$$F = 1 N$$

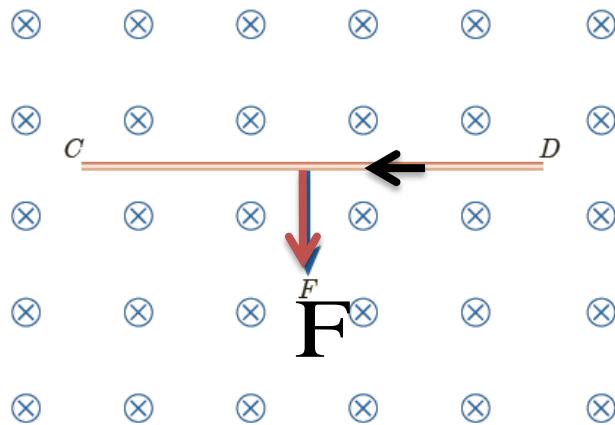
$$\alpha = 90^\circ$$

$$I = ?$$

$$I = ./.5 \times I \times 2 \sin 90^\circ$$

$$I = I \sin 90^\circ$$

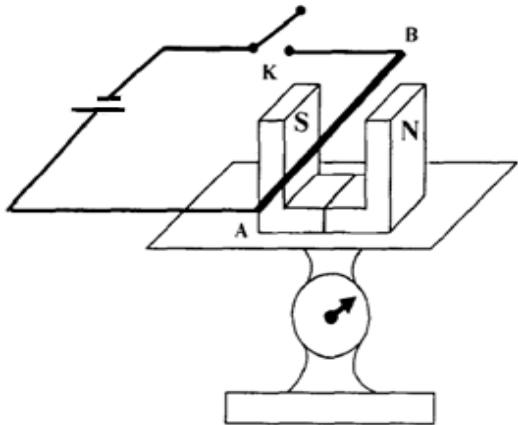
$$I = IA$$



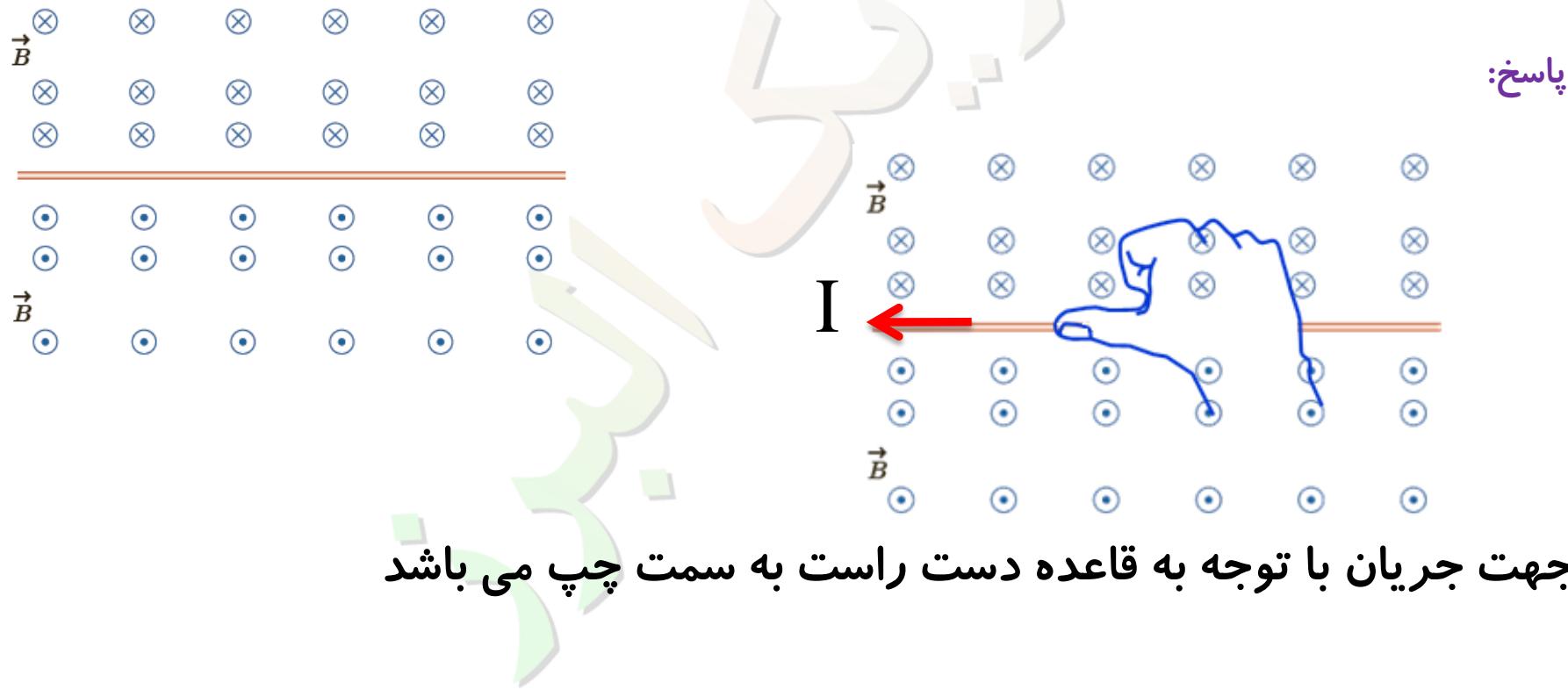
آزمایشی را طراحی کنید که به کمک آن بتوان نیروی مغناطیسی وارد بر سیم حامل جریان الکتریکی درون میدان مغناطیسی را اندازه گیری کرد. در صورت لزوم، برای اجرای این آزمایش می توانید از ترازو های دیجیتال (رقمی) با دقت ۰/۱٪ استفاده کنید.

پاسخ:

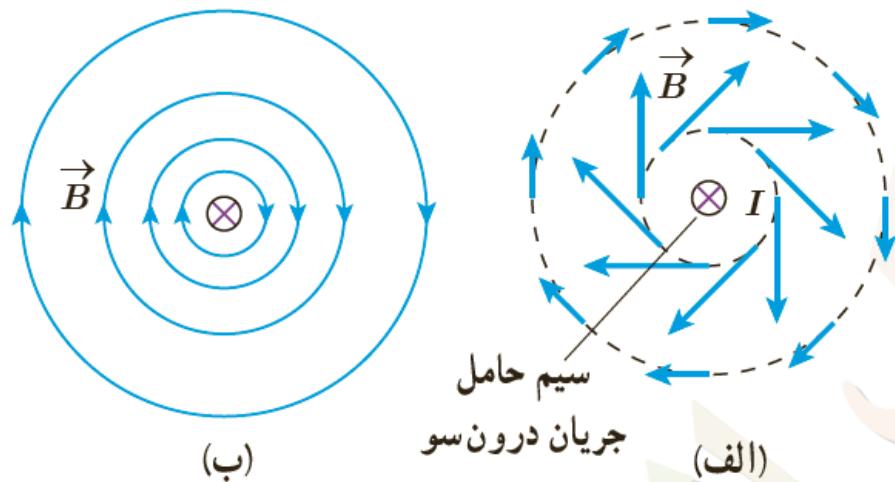
مطابق شکل سیم را در دهانه یک آهنربای نعلی شکل قرار می دهیم عددی که نیروسنجد نشان می دهد برابر وزن آهنرباست. پس از وصل کلید عددی که نیروسنجد نشان می دهد تغییر کرده و افزایش می یابد. مقدار تغییر عدد ترازو نشان دهنده نیرویی است که میدان و سیم به هم وارد می کنند.



شکل رو به رو، جهت میدان مغناطیسی در اطراف یک سیم افقی و مستقیم حامل جریان را نشان می دهد. در ناحیه بالای سیم، جهت میدان مغناطیسی درون سو و در ناحیه پایین آن برون سو است. جهت جریان را در سیم تعیین کنید.



۱- دریافت خود را از شکل های الف و ب بیان کنید. در بیان خود، به چگونگی تغییر جهت و اندازه میدان B در اطراف سیم حامل جریان اشاره کنید.

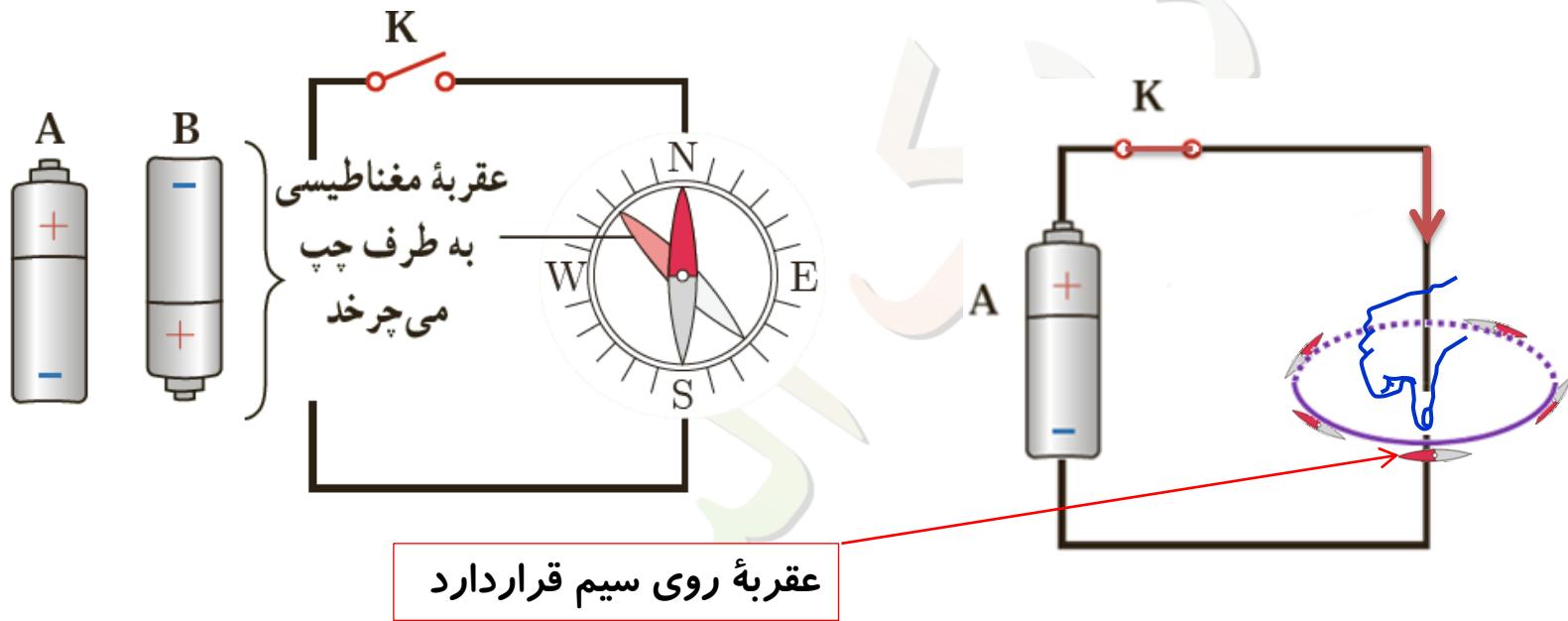


پاسخ:

الف) بردار میدان مغناطیسی در هر نقطه مماس وهم جهت با خط میدان در آن نقطه است در فاصله های مساوی از سیم اندازه میدان یکسان است. و بادور شدن از سیم اندازه میدان مغناطیسی حاصل از سیم حامل جریان کاهش یافته است

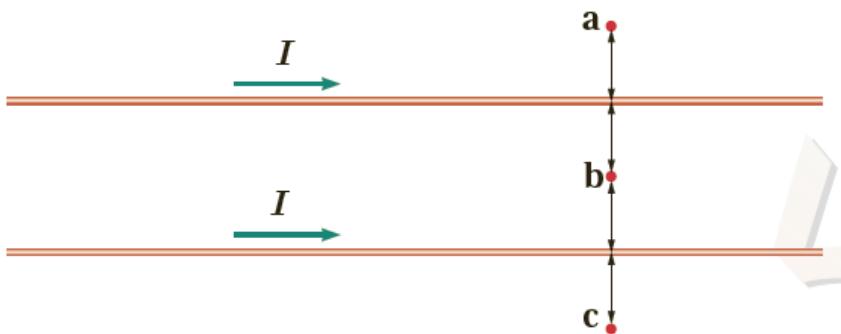
ب) جهت میدان مغناطیسی طبق قانون دست راست مشخص می شود. میدان مغناطیسی در اطراف سیم بصورت دایره های متعدد حول مرکز است و در نزدیک سیم خطوط میدان بهم نزدیکتر و میدان قویتر است و بالعکس

۲- کدام باتری را در مدار شکل زیر قرار دهیم تا پس از بستن کلید K، عقربه قطب نما که روی سیم قرار دارد، در خلاف جهت حرکت عقربه های ساعت شروع به چرخش کند؟ دلیل انتخاب خود را توضیح دهید.



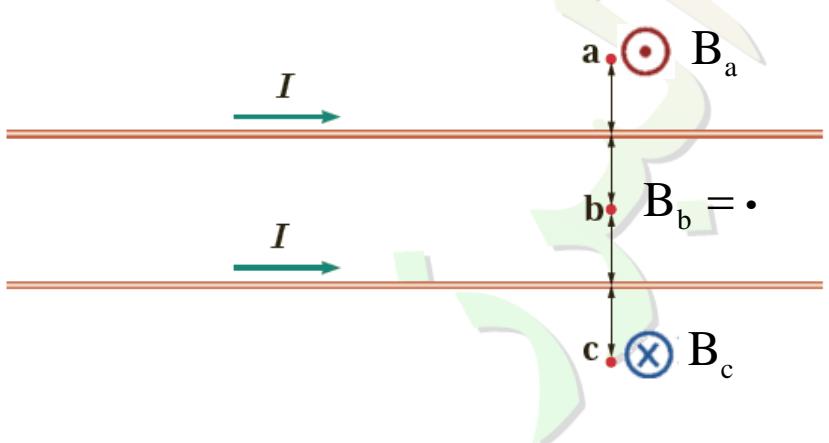
با توجه به جهت قراردادی جریان باتری A باید در مدار قرار گیرد تا عقربه مغناطیسی روی سیم به طرف چپ بچرخد.

۳- جهت میدان مغناطیسی برایند (خالص) را ناشی از سیم های موازی و بلند حامل جریان را در هر یک از نقطه های a، b و c پیدا کنید. نقطه b در فاصله مساوی از دو سیم قرار دارد.

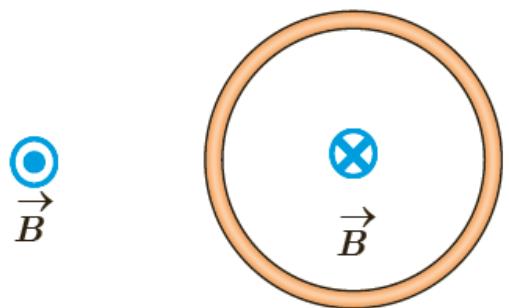


پاسخ:

میدان مغناطیسی برآیند در نقطه های a، b و c به ترتیب بروز سو، صفر و درن سو می باشد.

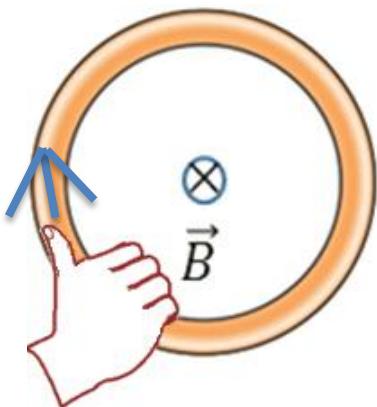


شکل رو به رو، یک حلقه حامل جریان را نشان می دهد که جهت خط های میدان مغناطیسی درون و بیرون آن نشان داده شده است. جهت جریان را در این حلقه تعیین کنید.



پاسخ:

جهت جریان ساعتگرد



سیملوله ای آرمانی به طول 40 cm چنان طراحی شده است که جریان بیشینه ای به شدت $A/2$ امی تواند از آن بگذرد. با عبور این جریان از سیملوله، اندازه میدان مغناطیسی درون آن و دور از لبه ها 270 می شود. تعداد دورهای سیملوله چقدر باید باشد؟

پاسخ:

$$B = \mu \cdot \frac{N}{L} I$$

$$N = \frac{BL}{\mu \cdot I}$$

$$N = \frac{270 \times 10^{-4} \times .4}{4 \times 3/14 \times 10^{-7} \times 1/2}$$

$$N \approx 7165$$

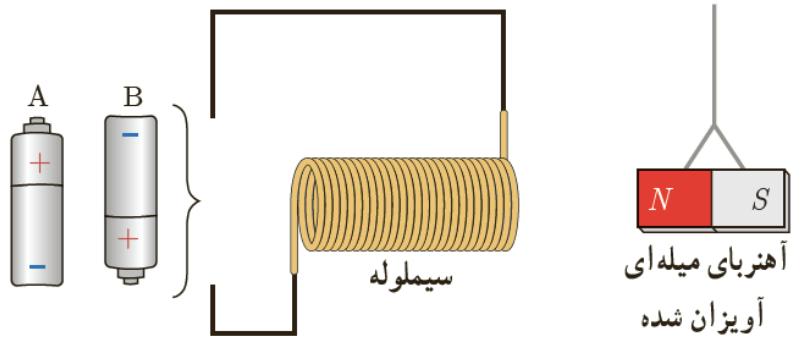
$$L = .4\text{ m}$$

$$I = 1/2\text{ A}$$

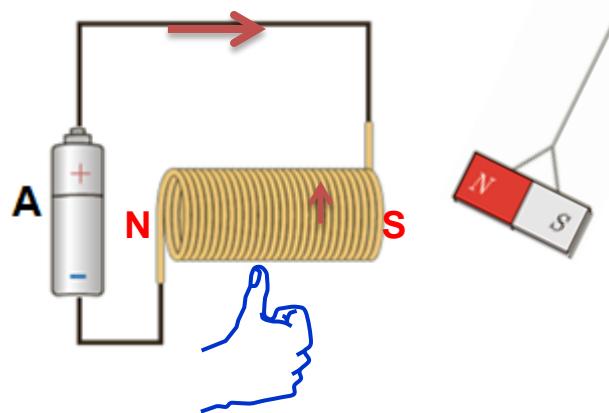
$$B = 270 \times 10^{-4} \text{ T}$$

$$N = \dots$$

کدام باتری را در مدار شکل زیر قرار دهیم تا آهنربای میله‌ای آویزان شده به طرف سیم‌لوله جذب شود؟ دلیل انتخاب خود را توضیح دهید.

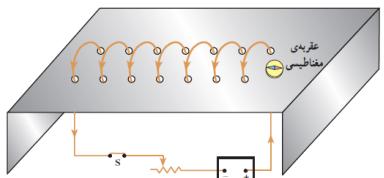
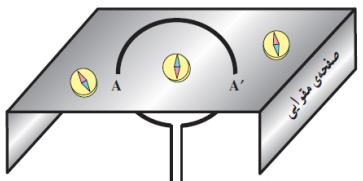
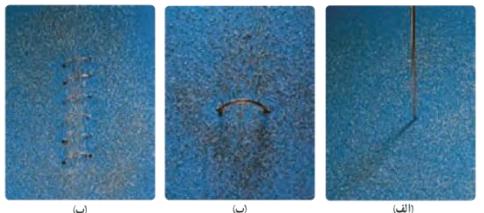


پاسخ:



برای جذب شدن آهن ربا به سمت سیم‌لوله باید قطب نزدیک سیم‌لوله S باشد باتوجه به قاعده دست راست جریان از بالا باید وارد سیم‌لوله شده و از پایین خارج شود که این جریان را باتری A می‌تواند ایجاد کند.

آزمایشی را طراحی و اجرا کنید که به کمک آن بتوان با استفاده از براده‌آهن، طرح خط‌های میدان مغناطیسی را در اطراف یک سیم بلند(شکل الف)، یک حلقة دایره‌ای (شکل ب) و یک سیم‌لوله حامل جریان(شکل پ) ایجاد کرد.



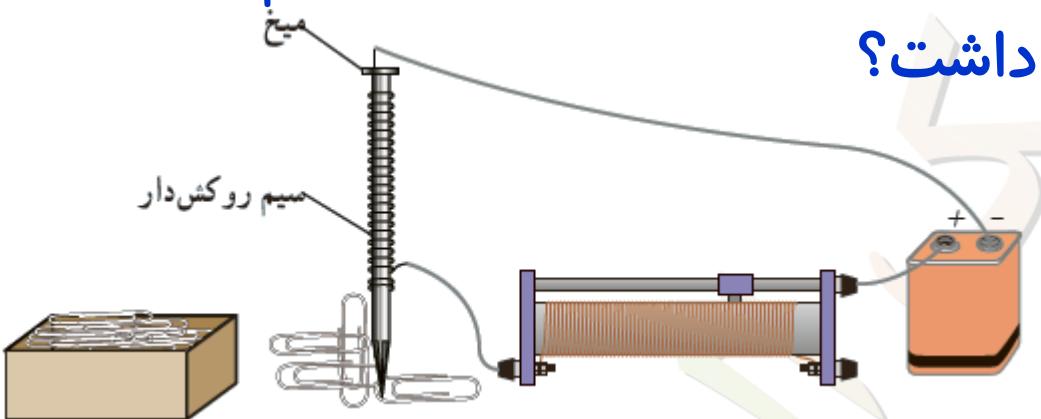
پاسخ:

تعدادی عقربه مغناطیسی(یا براده‌های آهن) در اطراف سیم راست حامل جریان الکتریکی قرار دهیم، ملاحظه می شود عقربه مغناطیسی(یا براده‌های آهن) در اطراف سیم، روی مسیرهای دایره‌ای جهت گیری می کنند.

یک مقوا را از وسط حلقة دایره‌ای حامل جریان عبور می دهیم سپس تعدادی عقربه مغناطیسی مطابق شکل در اطراف حلقة قرار می دهیم، می بینیم جهت عقربه در داخل و خارج حلقة مخالف هم خواهند بود

در داخل سیم لوله براده‌ای آهن هم ردیف شده و خطوط موازی تشکیل داده اند که نشان دهنده میدان یکنواخت در درون سیم لوله دور از لبه هاست و تجمع براده‌ها در داخل سیم لوله بیشتر از خارج آن است که نشان دهنده میدان مغناطیسی قوی در داخل سیم‌لوله است

قسمتی از سیم نازک روکش داری را دور میخ آهنی نسبتاً بلندی بپیچید و مداری مطابق شکل تشکیل دهید. با تغییر مقاومت رئوستا، جریان عبوری از مدار را تغییر دهید. الف) بررسی کنید برای جریان های مختلف، آهنربای الکتریکی چه تعداد گیره فلزی رامی تواند بلند کند. ب) اگر تعداد دورهای سیم دو برابر شود، نتیجه کار چه تفاوتی خواهد داشت؟



پاسخ:

الف) اگر جریان عبوری از سیم‌لوله زیاد باشد، چون میدان مغناطیسی ایجاد شده در میخ آهنی افزایش می‌یابد، در نتیجه تعداد گیره‌های بیشتری جذب می‌کند. و با کاهش جریان نیز میدان مغناطیسی کاهش یافته و گیره‌های کمتری جذب می‌کند.

ب) چون میدان مغناطیسی با تعداد دورها متناسب است پس با افزایش تعداد دورها، میدان مغناطیسی نیز افزایش یافته و تعداد گیره‌های بیشتری جذب خواهد کرد.

یک لوله آزمایش را تا نزدیکی لب آن از الكل طبی (اتانول ۹۶ درجه) پر کنید. در لوله را بیندید و آن را به طور افقی قرار دهید. مطابق شکل، یک آهنربای نئودیمیم را بالای حباب هوای درون لوله بگیرد و به آرامی آهنربارا حرکت دهید. دلیل آنچه را مشاهده می کنید در گروه خود به گفت و گو بگذارید.



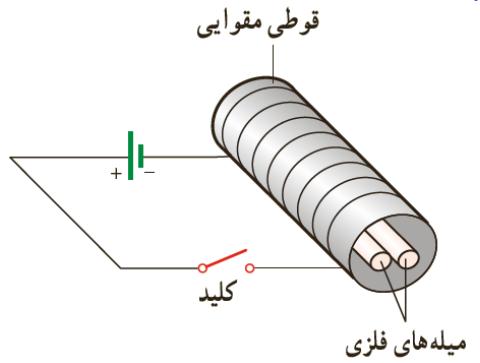
پاسخ:

در این آزمایش الكل دیامغناطیس توسط آهن ربا رانده می شود و این رانده شدن سبب جذب حباب درون الكل به آهن ربا خواهد شد.

دو میلهٔ فلزی بلند مطابق شکل روبرو درون سیم‌لوله‌ای که دور یک قوطی مقوایی پیچیده شده است قرار دارند. با بستن کلید و عبور جریان از این سیم‌لوله، مشاهده می‌شود که دو میله از یکدیگر دور می‌شوند. وقتی کلید باز و جریان در مدار قطع می‌شود، میله‌ها به محل اولیه باز می‌گردند.

الف) چرا با عبور جریان از پیچه، میله‌ها از یکدیگر دور می‌شوند؟

ب) با دلیل توضیح دهید میله‌های فلزی از نظر مغناطیسی در کدام دسته قرار می‌گیرند.



پاسخ:

الف) بر اثر عبور جریان از سیم‌لوله، میدان مغناطیسی درون پیچه، سبب مغناطیسی شدن میله‌ها و درنتیجه دور شدن آنها از هم می‌شود. ب) چون پس از بستن کلید میله‌ها از هم دور شده‌اند، باید از جنس فرومغناطیس نرم باشند. توجه کنید پس از باز کردن کلید، دوباره میله‌ها به محل اولیه بر می‌گردند و این نشان می‌دهد که پس از باز کردن کلید میله‌ها خاصیت مغناطیسی را در خود نگه نمی‌دارند و از جنس فرومغناطیس نرم هستند.

الف) حلقه ای به مساحت 25cm^2 درون میدان مغناطیسی یکنواخت درون سویی به اندازه 0.3T قرار دارد (شکل الف) شار مغناطیسی عبوری از حلقه را به دست آورید. ب) اگر مطابق شکل ب و بدون تغییر \vec{B} ، مساحت سطح حلقه را به 20cm^2 ابرسانیم، شار مغناطیسی عبوری از حلقه را در این وضعیت به دست آورید. پ) اگر این تغییر شار در بازه زمانی $\Delta t = 2\text{s}$ رخ داده باشد، آهنگ تغییر شار ($\Delta\Phi/\Delta t$) را پیدا کنید.



پاسخ:

$$A_1 = 25 \times 10^{-4} \text{ m}^2$$

$$B = 0.3\text{T} \quad \phi = BA \cos \theta$$

$$\theta = 0^\circ$$

$$\phi_1 = ? \rightarrow \phi_1 = 0.3 \times 25 \times 10^{-4} \times \cos 0^\circ \rightarrow \phi_1 = 7.5 \times 10^{-5} \text{ wb}$$

الف

$$A_2 = 10 \times 10^{-4} \text{ m}^2$$

$$\phi_2 = ? \rightarrow \phi_2 = 0.3 \times 10 \times 10^{-4} \times \cos 0^\circ \rightarrow \phi_2 = 3 \times 10^{-5} \text{ wb}$$

ب)

$$\Delta t = 2\text{s}$$

$$\frac{\Delta\phi}{\Delta t} = ? \rightarrow \frac{\Delta\phi}{\Delta t} = \frac{3 \times 10^{-5} - 7.5 \times 10^{-5}}{2} \rightarrow \frac{\Delta\phi}{\Delta t} = -22.5 \times 10^{-5} \frac{\text{wb}}{\text{s}}$$

پ

پرسش ۱۱-۳

کدام یک از یکاهای زیر معادل یکای وبر بر ثانیه (Wb/s) است؟

Ω

A

V

V/A

پاسخ:

ولت V

۱- میدان مغناطیسی بین قطب های آهنربای الکتریکی شکل رو به رو که بر سطح حلقه عمود است با زمان تغییر می کند و در مدت 17 s از 0.28 T ، رو به بالا، به 0.17 T ، رو به پایین می رسد. در این مدت، الف) نیروی حرکت القایی متوسط در حلقه را به دست آورید. ب) اگر مقاومت حلقه 1Ω باشد، جریان القایی متوسط در حلقه را پیدا کنید.

$$N = 1$$

$$\theta = \cdot$$

$$\Delta t = 17\text{ s}$$

$$B_1 = 0.28\text{ T}$$

$$B_2 = -0.17\text{ T}$$

$$A_1 = 100 \times 10^{-4} \text{ m}^2$$

$$\bar{\varepsilon} = ?$$

$$R = 1\Omega$$

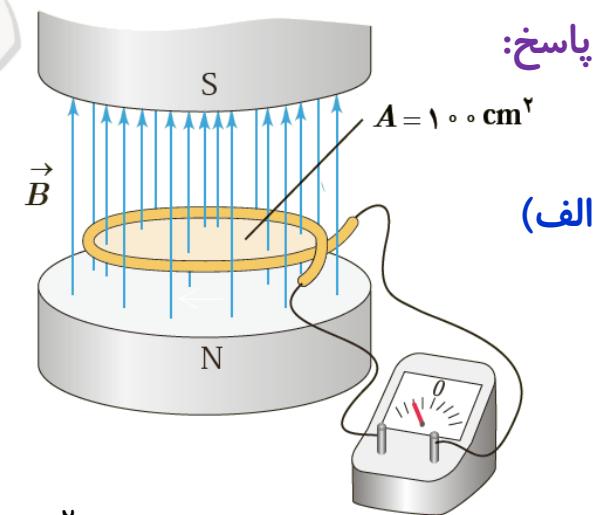
$$\bar{I} = ?$$

$$\Delta B = B_2 - B_1 = -0.17 - 0.28 = -0.45\text{ T}$$

$$\bar{\varepsilon} = -N \frac{\Delta \phi}{\Delta t} \xrightarrow{\text{متغیر } B} \bar{\varepsilon} = -NA \frac{\Delta B}{\Delta t} \cos \theta$$

$$\bar{\varepsilon} = -1 \times 10^{-2} \times \frac{-0.45}{0.17} \times \cos 90^\circ \rightarrow \bar{\varepsilon} = 10^{-2}\text{ V}$$

$$\bar{I} = \frac{\bar{\varepsilon}}{R} \rightarrow \bar{I} = \frac{10^{-2}}{1} \rightarrow \bar{I} = 10^{-2}\text{ A} = 1\text{ mA}$$



پاسخ:

الف)

ب)

۲- مساحت هر حلقهٔ پیچه‌ای 30 cm^2 و پیچه متتشکل از ۱۰۰۰ حلقه است. در ابتدا سطح پیچه‌ها بر میدان مغناطیسی زمین عمود است. اگر در مدت 0.2 s پیچه بچرخد و سطح حلقه‌ها موازی میدان مغناطیسی زمین شود، نیروی محرکهٔ متوسط القایی در آن چقدر است؟ اندازهٔ میدان زمین را 0.5 T در نظر بگیرید.

$$A = 30 \times 10^{-4} \text{ m}^2$$

$$N = 1000$$

$$\alpha_1 = 90^\circ \rightarrow \theta_1 = 0^\circ$$

$$B = 0.5 \times 10^{-4} \text{ T}$$

$$\Delta t = 0.2 \text{ s}$$

$$\alpha_2 = 0^\circ \rightarrow \theta_2 = 90^\circ$$

$$\bar{\varepsilon} = ?$$

$$\bar{\varepsilon} = -N \frac{\Delta \phi}{\Delta t} \quad \text{متغیر} \rightarrow \bar{\varepsilon} = -NAB \frac{(\cos \theta_2 - \cos \theta_1)}{\Delta t}$$

$$\bar{\varepsilon} = -1000 \times 30 \times 10^{-4} \times 0.5 \times 10^{-4} \times \frac{(\cos 90^\circ - \cos 0^\circ)}{0.2}$$

$$\bar{\varepsilon} = -15 \times 10^{-5} \times \frac{(0-1)}{0.2} \rightarrow \bar{\varepsilon} = 7.5 \times 10^{-3} \text{ V}$$

پاسخ:

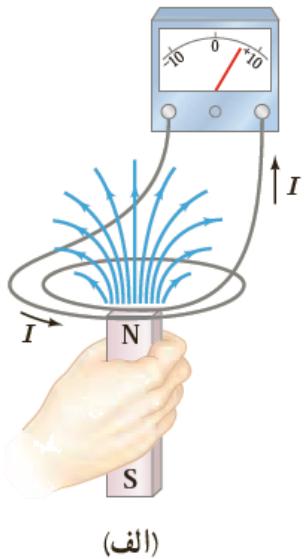
تندی سنج دوچرخه های مسابقه ای شامل یک آهنربای کوچک و یک پیچه است. آهنربا به یکی از پره های چرخ جلو و پیچه به دو شاخ فرمان متصل است (شکل زیر) دو سر پیچه با سیم های رسانا به نمایشگر تندی سنج (که در واقع نوعی رایانه کوچک است) وصل شده است. به نظر شما تندی سنج دوچرخه چگونه کار می کند؟ این موضوع را در گروه خود به گفت و گو بگذارید و نتیجه را به کلاس درس ارائه دهید



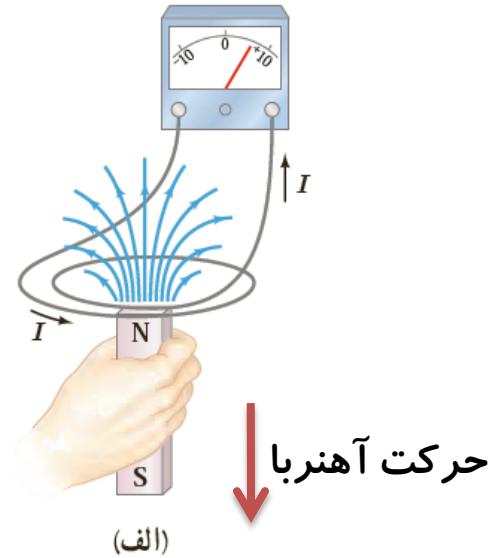
پاسخ:

عبور آهنربا از جلوی پیچه متصل به دو شاخ جلوی دوچرخه، سبب تغییر شار مغناطیسی عبوری از پیچه و در نتیجه القای جریان می شود. این جریان توسط یک رایانه کوچک خوانده می شود و با توجه به تعداد مرتبه ای که این جریان القایی در یک زمان مشخص (مثلاً یک دقیقه) توسط رایانه ثبت می شود و همچنین با توجه به قطر چرخ که در رایانه وجود دارد، سرعت سنج دوچرخه کار می کند.

۱- با توجه به جهت جریان القایی در مدار شکل الف، توضیح دهید که آیا آهنربا رو به بالا حرکت می کند یا رو به پایین.



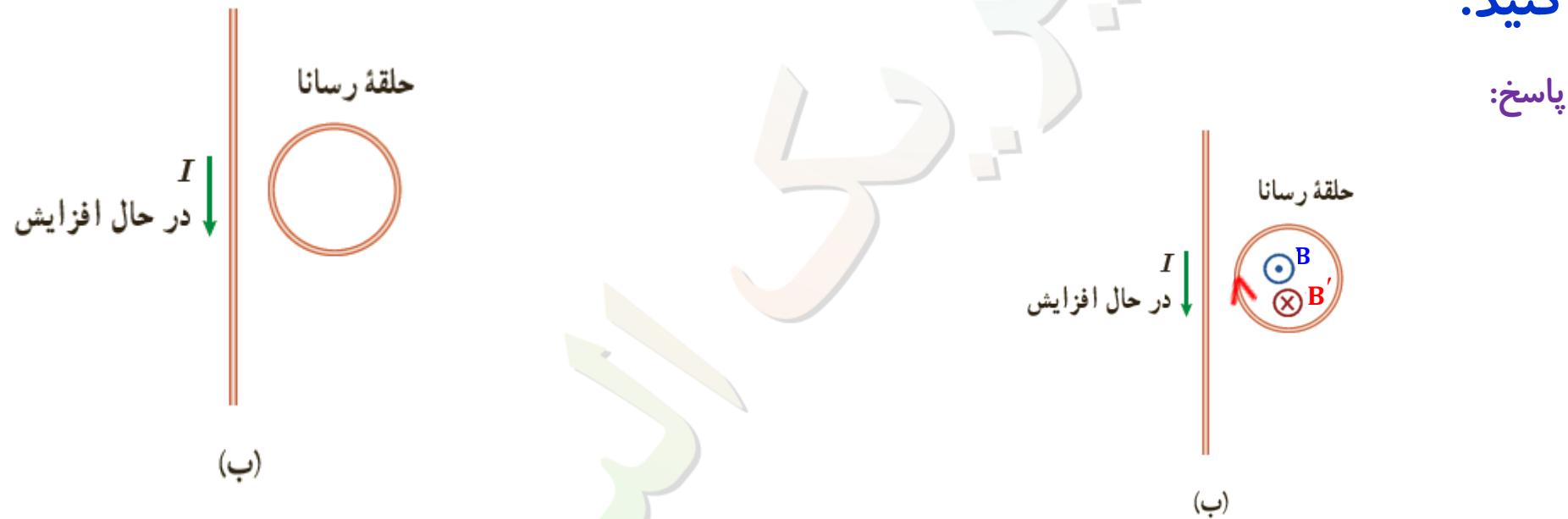
(الف)



پاسخ:

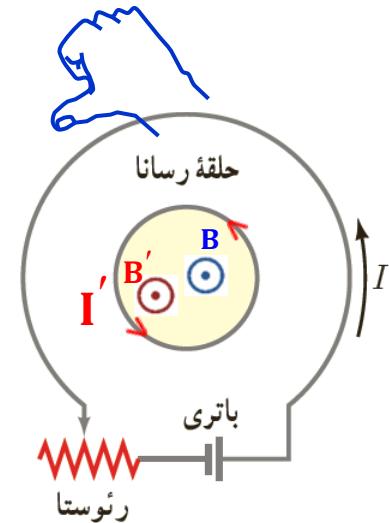
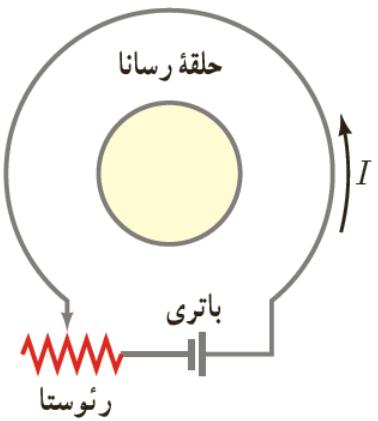
در شکل (الف) آهنربا رو به پایین حرکت می کند و در شکل (ب) جهت جریان القایی را در حلقه ساعتگرد است.

۲- شکل ب سیم بلند و مستقیمی را نشان می دهد که جریان عبوری از آن در حال افزایش است. جهت جریان القایی رادر حلقة رسانای مجاور سیم تعیین کنید.



در شکل (الف) آهنربا رو به پایین حرکت می کند و در شکل (ب) جهت جریان القایی را در حلقة ساعتگرد است.

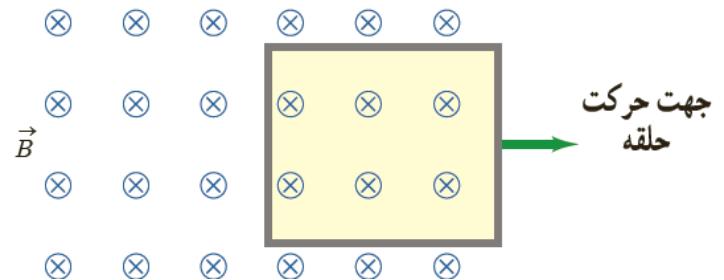
۱۳-۳ اگر در مدار شکل زیر مقاومت رئوستا افزایش یابد، جریان القایی در حلقه رسانای داخلی در چه جهتی ایجاد می شود؟



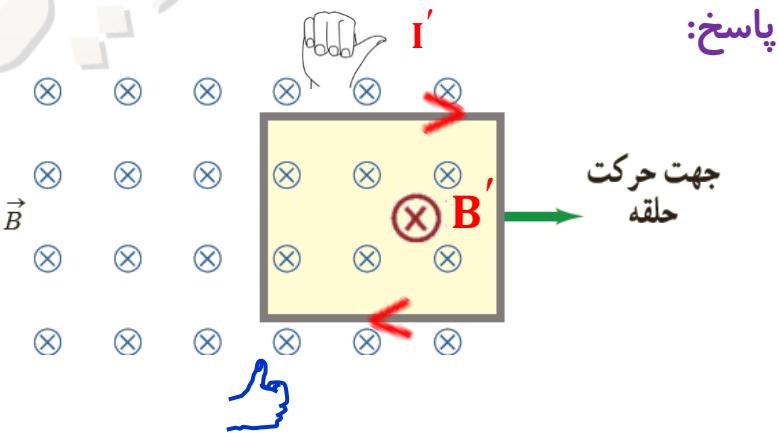
پاسخ:

با افزایش مقاومت رئوستا، جریان عبوری از مدار کاهش می یابد و در نتیجه شار عبوری از حلقه رسانا نیز کاهش می یابد. با توجه به جهت جریان و میدان مغناطیسی ناشی از مدار، جریان القایی در جهت پاد ساعتگرد در حلقه رسانا به وجود می آید.

۱۴- حلقه رسانای مستطیل شکل زیر به طرف راست می کشیم و از میدان مغناطیسی درون سویی خارج می کنیم. جهت جریان القایی در حلقه



در چه جهتی است؟



با خروج قاب میدان مغناطیسی و شار عبوری از آن کاهش می یابد و طبق قانون لنز برای مخالفت با تغییر شار، B' القا شده در مرکز قاب هم جهت با B و جریان القایی ساعتگرد است.

معادله جریان زمان یک مولد جریان متناوب بر حسب یکاهای SI به صورت $I = 4 \times 10^{-3} \sin 25\pi t$ است. الف) جریان در دو لحظه $t_1 = 2 \times 10^{-3}$ و $t_2 = 8 \times 10^{-3}$ چقدر است؟

پاسخ:

$$\left. \begin{array}{l} I = 4 \times 10^{-3} \sin 25\pi t \\ t = 2 \times 10^{-3} \text{ s} \end{array} \right\} I = 4 \times 10^{-3} \sin 25\pi \times 2 \times 10^{-3} = 4 \times 10^{-3} \sin \frac{\pi}{2} = 4 \times 10^{-3} \text{ A}$$

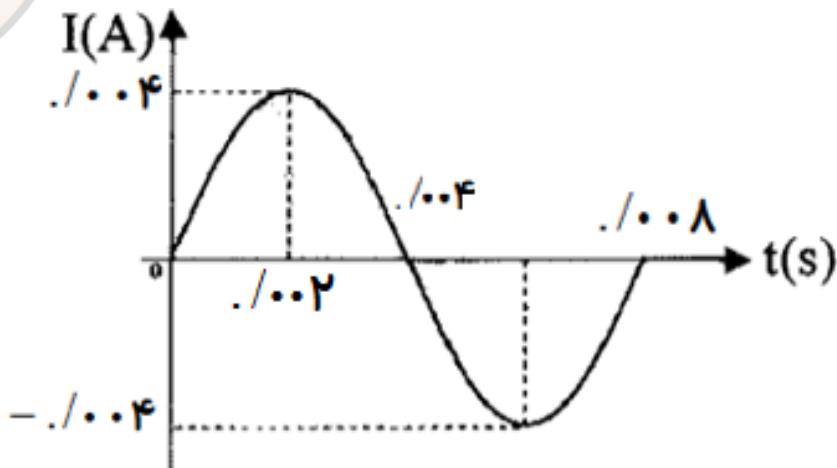
$$\left. \begin{array}{l} I = 4 \times 10^{-3} \sin 25\pi t \\ t = 8 \times 10^{-3} \text{ s} \end{array} \right\} I = 4 \times 10^{-3} \sin 25\pi \times 8 \times 10^{-3} = 4 \times 10^{-3} \sin 2\pi = 0.$$

معادله جریان زمان یک مولد جریان متناوب بر حسب یکاهای SI به صورت $I = 4 \times 10^{-3} \sin 25\pi t$ است. ب) دوره تناوب جریان را به دست آورید و نمودار جریان زمان را در یک دوره کامل رسم کنید.

$$I = 4 \times 10^{-3} \sin 25\pi t$$

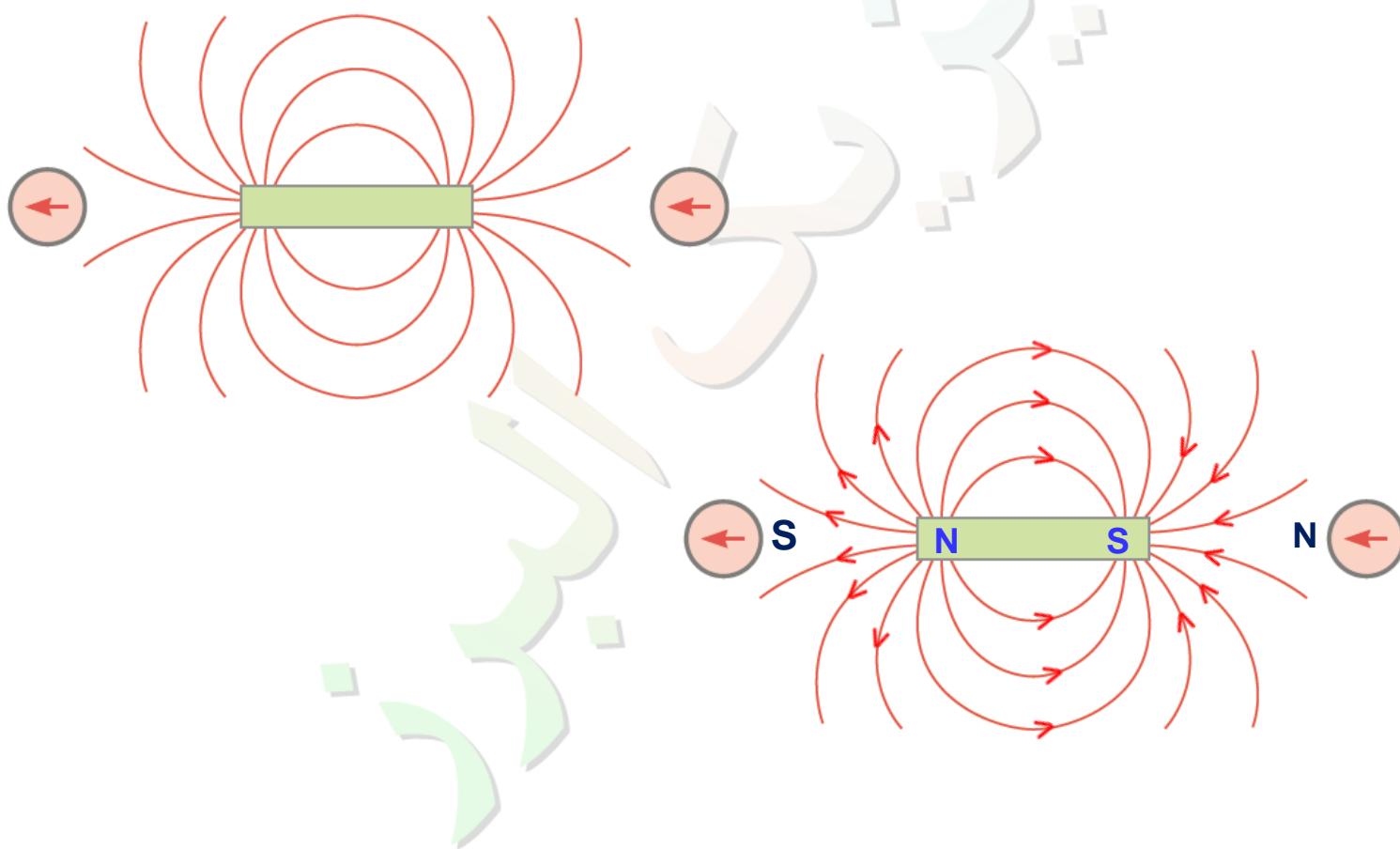
پاسخ:

$$25\pi = \frac{2\pi}{T} \rightarrow T = \frac{2\pi}{25\pi} = 0.08 \text{ s}$$



پرسش ها و مسئله های فصل ۳:

۱- با توجه به جهت گیری عقربه های مغناطیسی در شکل زیر، قطب های آهنربای میله ای و جهت خط های میدان مغناطیسی را تعیین کنید



پرسش ها و مسئله های فصل ۳:

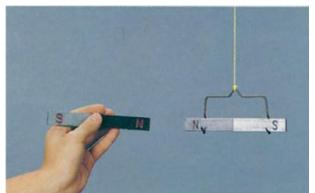
۲-الف) آهنربای میله ای با قطب های نامشخص در اختیار داریم. دست کم دو روش را برای تعیین قطب های این آهنربا بیان کنید.



پاسخ:

۱-با ناخ آویزان کردن

آهن ربا را بanax آویزان می کنیم پس از چند نوسان در امتداد شمال و جنوب جغرافیایی می ایستد قطبی که طرف شمال را نشان می دهد **N** و طرف دیگر **S** است.



۲-استفاده از یک آهن ربا با قطب معلوم

آهنربایی که قطب های مشخص دارد به آن نزدیک و از روی تاثیر قطب های **N** و **S** بر یکدیگر قطب های آهن ربا مشخص می شود.

پرسش ها و مسئله های فصل ۳:

۲-ب) خط های میدان مغناطیسی بین دو آهنربا در شکل زیر نشان داده شده است. اندازه میدان مغناطیسی را در نزدیکی قطب های آهنرباها با هم مقایسه کنید.



پاسخ:

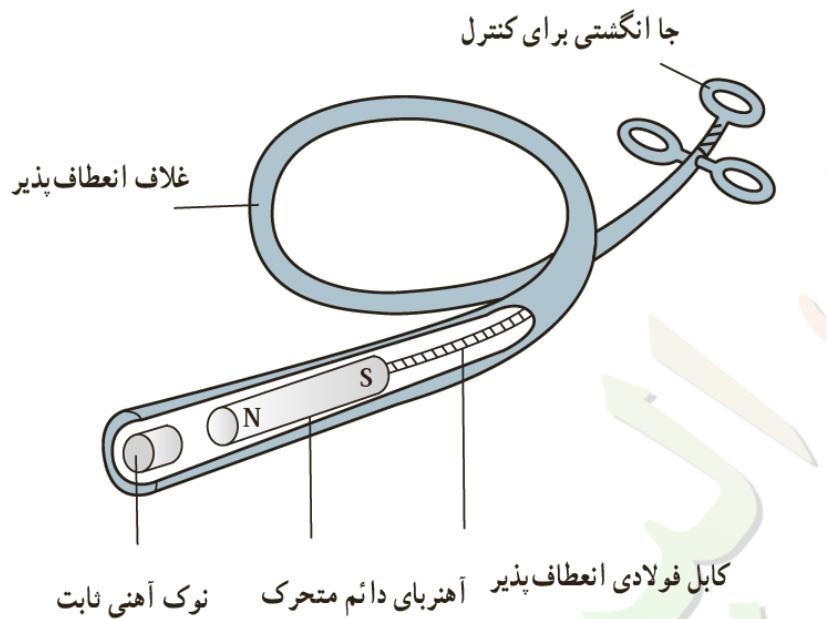
چون تعداد خطوط و تراکم خطوط میدان مغناطیسی اطراف آهنربای ۲ بیشتر از تراکم خطوط میدان آهنربای ۱ است پس $B_2 > B_1$ است

پرسش ها و مسئله های فصل ۳:

۳- کودکی یک قطعه کوچک آهنی را بلعیده است. پزشک می خواهد آن را با دستگاه شکل زیر بیرون بیاورد.

الف) هنگامی که آهنربای دائمی به نوک ثابت آهنی نزدیک می شود چه اتفاقی

می افتد؟



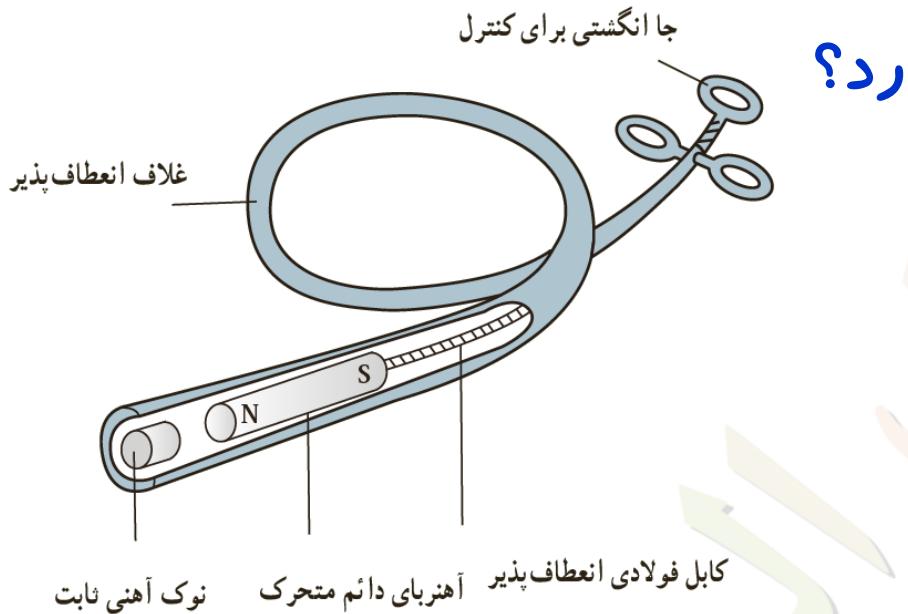
پاسخ:

الف) در اثر القای مغناطیسی، نوک ثابت آهنی، آهن ربا می شود

پرسش ها و مسئله های فصل ۳:

۳- کودکی یک قطعه کوچک آهنی را بلعیده است. پژشک می خواهد آن را با دستگاه شکل زیر بیرون بیاورد.

ب) ساختن نوک ثابت آهن چه مزیتی دارد؟

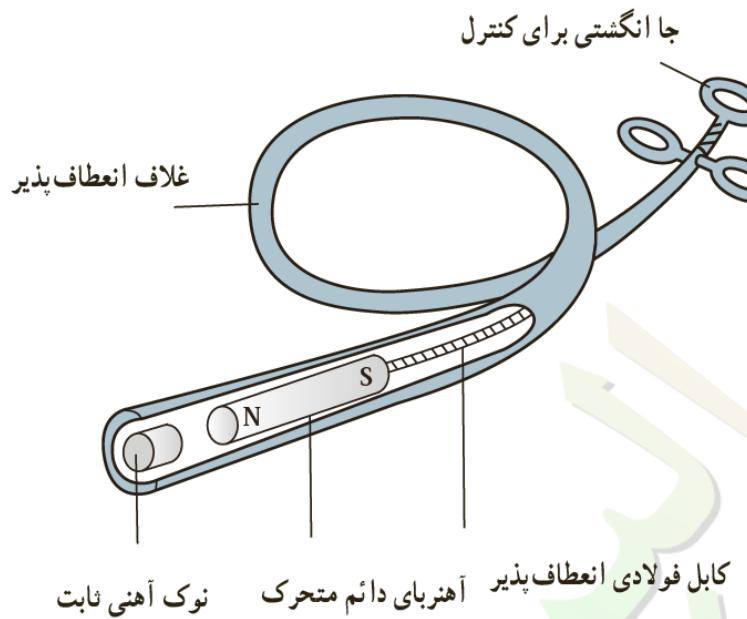


پاسخ:

ب) نوک ثابت از جنس آهنی، بانزدیک کردن آهن ربای دائمی به آن سریعاً خاصیت مغناطیسی پیدا می کند و با دور کردن آهن ربای دائمی خاصیت آهن ربایی خود را به سرعت از دست می دهد.

پرسش ها و مسئله های فصل ۳:

۳- کودکی یک قطعه کوچک آهنی را بلعیده است. پزشک می خواهد آن را با دستگاه شکل زیر بیرون بیاورد. پ) این وسیله را باید به درون گلوی کودک وارد و به سوی فلز بلعیده شده هدایت کرد؛ چرا غلاف باید انعطاف پذیر باشد؟

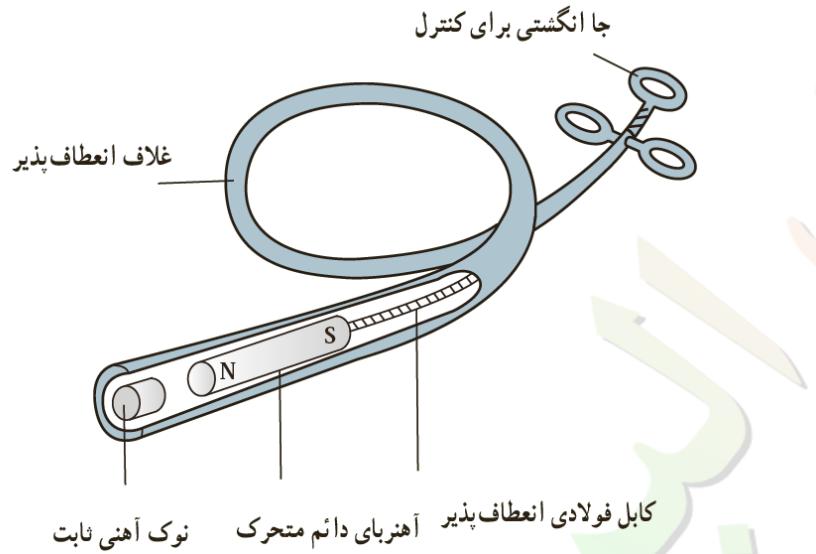


پاسخ:

پ) چون مجرای گوارشی احنا دارد، این غلاف باید بتواند بدون آسیب به این مجرای وارد آن شود، درنتیجه باید انعطاف پذیر باشد.

پرسش ها و مسئله های فصل ۳:

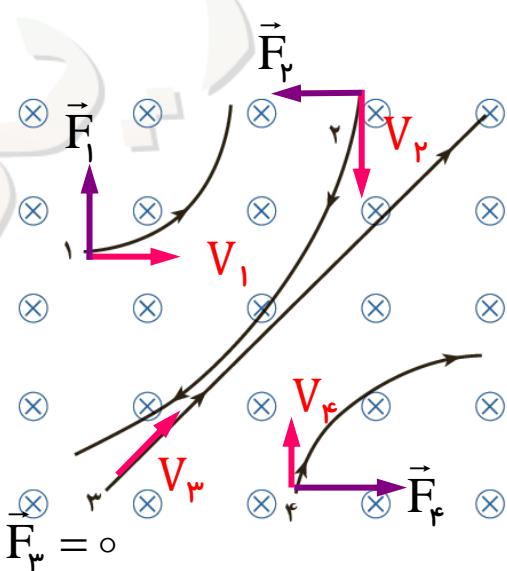
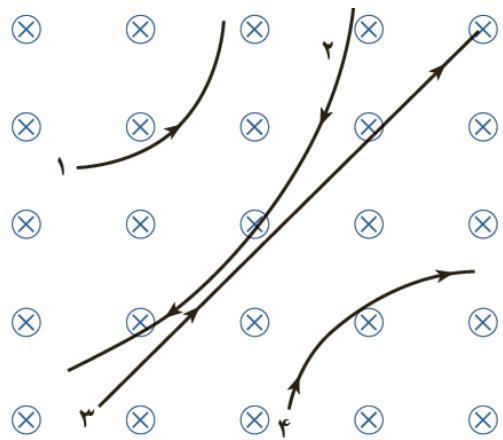
۳- کودکی یک قطعه کوچک آهنی را بلعیده است. پژشک می خواهد آن را با دستگاه شکل زیر بیرون بیاورد. (ت) پژشک می خواهد یک گیره آهنی کاغذ و یک واشر آلومینیومی را از گلوی کودک بیرون بیاورد؛ کدام یک رامی توان بیرون آورد؟ چرا؟



پاسخ:

ت) گیره آهنی کاغذ از جنس فرومغناطیس نرم است، زود آهن ربا شده و جذب نوک ثابت آهنی می شود و بیرون کشیده می شود ولی آلومینیم پارا مغناطیس است و نمی توان به سهولت خاصیت مغناطیسی در آن القا کرد و به میدان مغناطیسی بسیار قوی نیاز است پس با این روش جذب نوک ثابت نخواهد شد.

۱۴- چهار ذره هنگام عبور از میدان مغناطیسی درون سو مسیرهایی مطابق شکل زیر می پیمایند. درباره نوع بار هر ذره چه می توان گفت؟

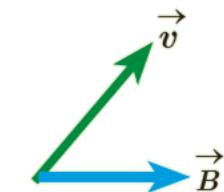
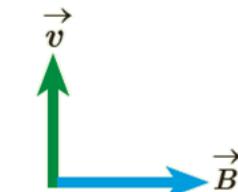
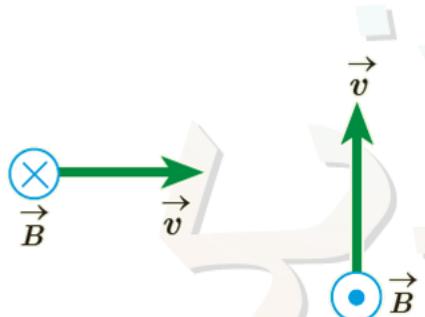
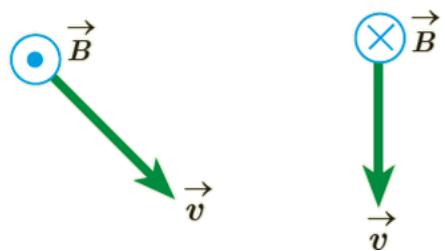


پاسخ:

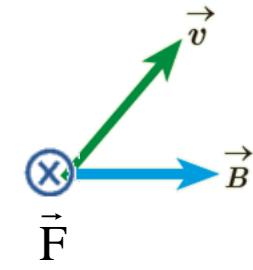
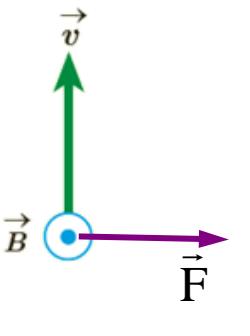
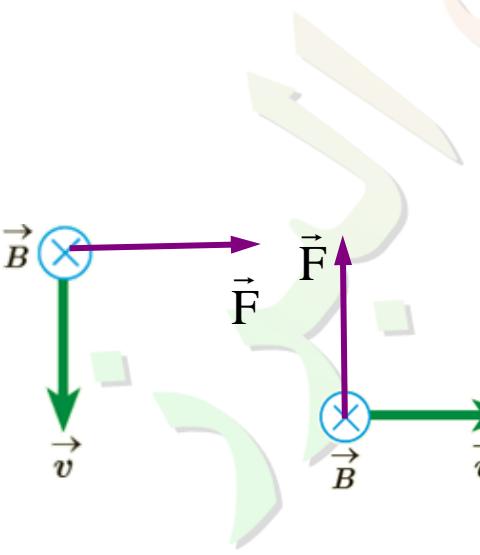
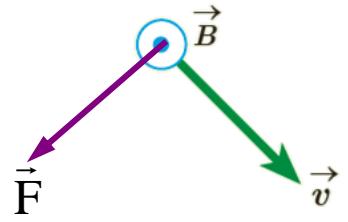
با توجه به قانون دست راست نوع بار ذره ۱ مثبت، نوع بار ذره ۲ منفی، چون ذره ۳ انحرافی ندارد خنثی است و نوع بار ذره ۴ منفی است.

پرسش ها و مسئله های فصل ۳:

۵- جهت نیروی مغناطیسی وارد بر بار مثبت را در هر یک از حالت های نشان داده در شکل زیر تعیین کنید.

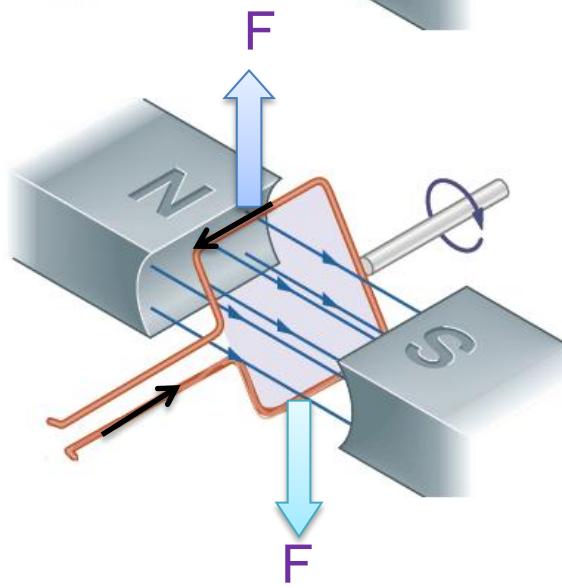
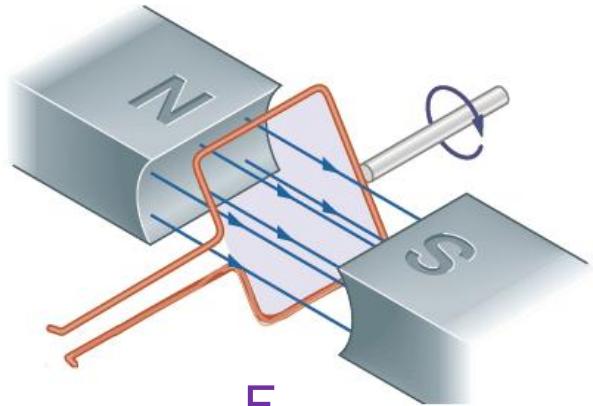


پاسخ:



پرسش ها و مسئله های فصل ۳:

۶- حلقه رسانای مستطیل شکلی که حامل جریان I است، مطابق شکل درون میدان مغناطیسی یکنواخت می چرخد. جهت جریان را در حلقه تعیین کنید.



پاسخ:

پرسش ها و مسئله های فصل ۳:

- ۷- پروتونی با تندی $S/4 \times 10^6$ درون میدان مغناطیسی یکنواختی به اندازه 18mT در حرکت است. جهت حرکت پروتون با جهت B ، زاویه 60° می سازد.
- (الف) اندازه نیروی وارد بر این پروتون را محاسبه کنید.
- (ب) اگر تنها این نیرو بر پروتون وارد شود، شتاب پروتون را حساب کنید. (بار الکتریکی پروتون $C = 1.6 \times 10^{-19}$ و جرم آن $\text{kg} = 1.67 \times 10^{-27}$ در نظر بگیرید)

پاسخ:

(الف)

$$q = 1.6 \times 10^{-19} \text{C}$$

$$V = 4/4 \times 10^6 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$B = 18 \times 10^{-3} \text{T}$$

$$\alpha = 30^\circ$$

$$F = ?$$

$$a = ?$$

$$m = 1.67 \times 10^{-27} \text{kg}$$

$$F = qvB \sin \alpha$$

$$F = 1.6 \times 10^{-19} \times 4/4 \times 10^6 \times 18 \times 10^{-3} \times \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$F = 1.09 \times 10^{-14} \text{N}$$

$$F = ma \rightarrow a = \frac{F}{m} = \frac{1.09 \times 10^{-14}}{1.67 \times 10^{-27}} \rightarrow a \approx 6.6 \times 10^{13} \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$$

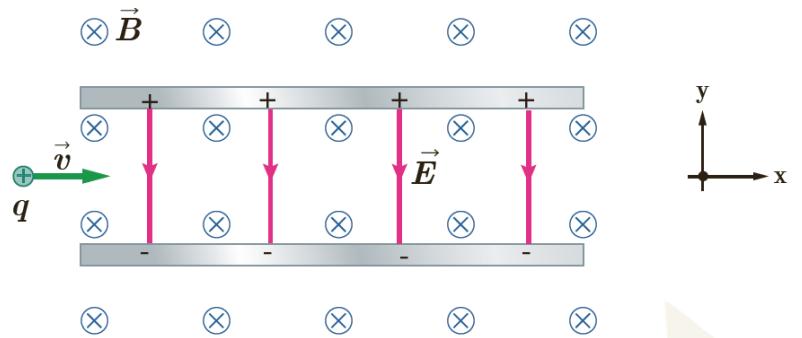
(ب)

پرسش ها و مسئله های فصل ۳:

۸- ذره باردار مثبتی با جرم ناچیز و با سرعت \vec{v} در امتداد محور X وارد فضایی می شود که میدان های یکنواخت E و B وجود دارد (شکل زیر) اندازه این میدان ها برابر $E = ۴۵ \cdot N/C$ و $B = ۰.۱۸ T$ است. تندی ذره چقدر باشد تا در همان امتداد محور X

به حرکت خود ادامه دهد؟

پاسخ:



$$E = 45 \cdot \frac{N}{C}$$

$$B = 0.18 T$$

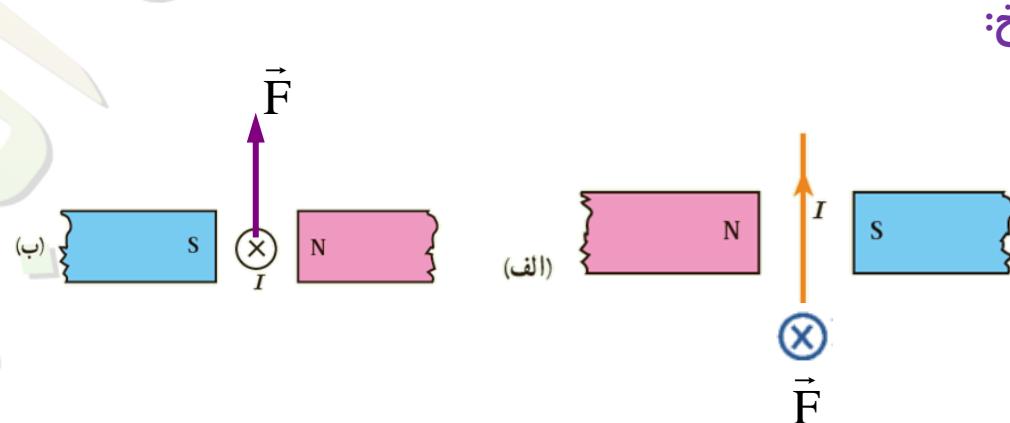
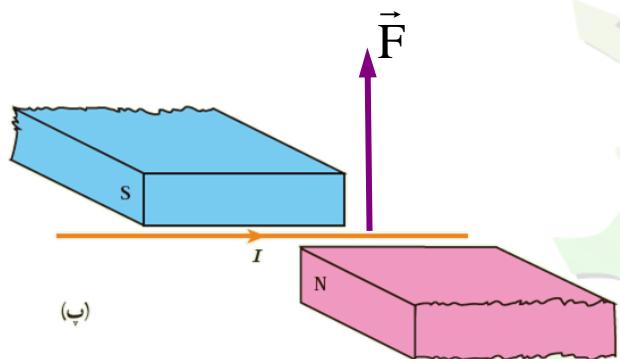
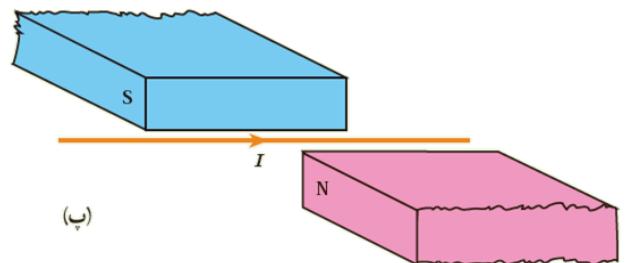
$$V = ?$$

$$F_E = F_B \rightarrow Eq = qvB \sin 90^\circ$$

$$V = \frac{E}{B} \rightarrow V = \frac{45}{0.18} = 250 \cdot \frac{m}{s}$$

پرسش ها و مسئله های فصل ۳:

۹- جهت نیروی الکترومغناطیسی وارد بر سیم حامل جریان را در هر یک از شکل های الف، ب و پ با استفاده از قاعدة دست راست بیابید.



پاسخ:

پرسش ها و مسئله های فصل ۳:

۱- یک سیم حامل جریان ۶ آمپر مطابق شکل زیر با دونیر و سنج فنری که به دو انتهای آن بسته شده اند، به طور افقی و در راستای غرب-شرق قرار دارد. میدان مغناطیسی زمین را یکنواخت، به طرف شمال و اندازه 0.5 T بگیرید.

الف) اندازه نیروی مغناطیسی وارد بر هر متر این سیم را پیدا کنید.

$$I = 6 \text{ A}$$

$$B = 0.5 \times 10^{-5} \text{ T}$$

$$L = 1 \text{ m}$$

$$F = ?$$

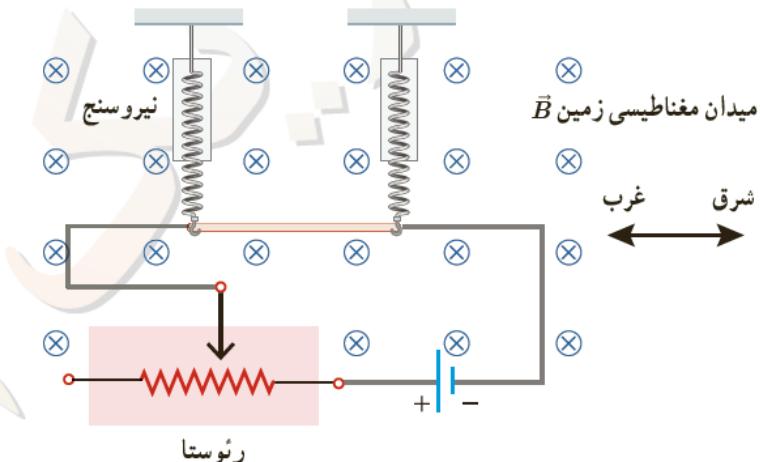
$$\alpha = 90^\circ$$

$$\sin 90^\circ = 1$$

$$F = BIL \sin \alpha$$

$$F = 0.5 \times 10^{-5} \times 6 \times 1 \times \sin 90^\circ$$

$$F = 0.000003 \text{ N}$$



پاسخ:

پرسش ها و مسئله های فصل ۳:

۱- یک سیم حامل جریان ۶ آمپر مطابق شکل زیر با دونیر و سنج فنری که به دو انتهای آن بسته شده اند، به طور افقی و در راستای غرب-شرق قرار دارد. میدان مغناطیسی زمین را یکنواخت، به طرف شمال و اندازه $T = 0.5 \text{ mT}$ بگیرید.

ب) اگر بخواهیم نیر و سنج ها عدد صفر را نشان دهند، چه جریانی و در چه جهتی باید از سیم عبور کند؟ جرم هر متر از طول این سیم ۸ گرم است ($g = 9.8 \text{ N/kg}$)

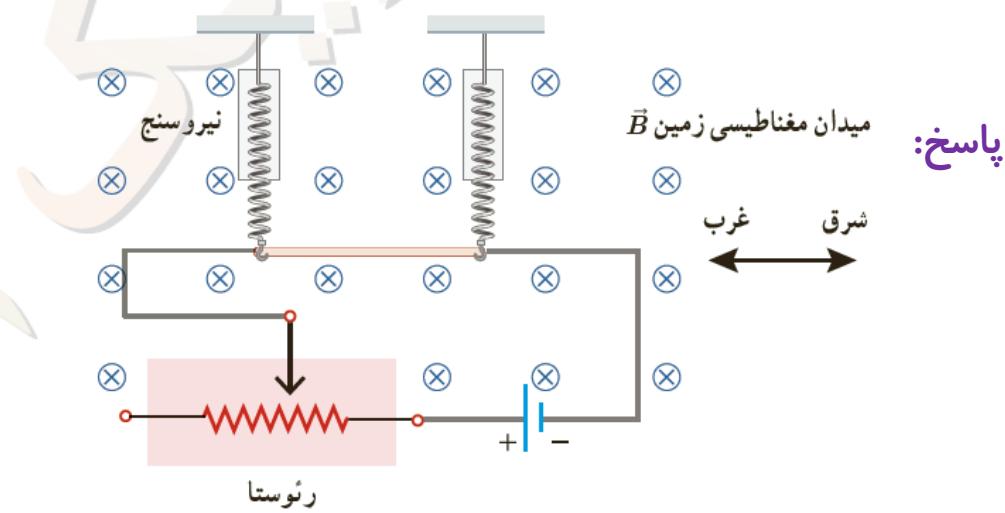
$$F = mg$$

$$BIL \sin 90^\circ = mg$$

$$5 \times 10^{-5} \times I \times 1 \times 1 = 8 \times 10^{-3} \times 1 \cdot 0$$

$$I = \frac{8 \times 10^{-3}}{5 \times 10^{-5}}$$

$$I = 1600 \text{ A}$$



عبور چنین جریان بزرگی از این سیم در عمل امکان پذیر نیست. بنابراین، نمی توان انتظار داشت نیر و سنج ها عدد صفر را نشان دهند.

پرسش ها و مسئله های فصل ۳:

۱۱- یک آهنربای میله ای مطابق شکل زیر، بالای سیم‌وله ای آویزان شده است. توضیح دهید با بستن کلید چه تغییری در وضعیت آهنربا رخ می‌دهد.



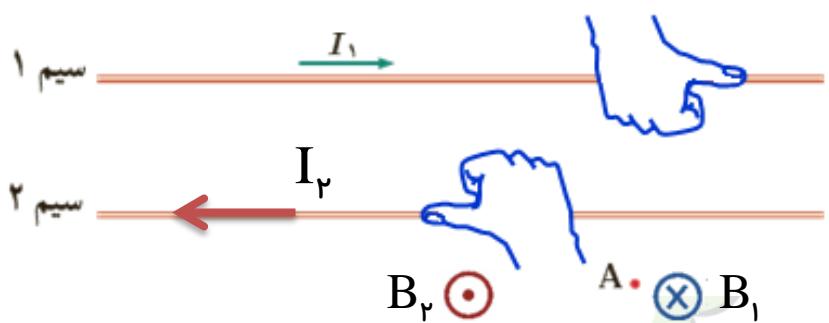
با وصل کلید جریان ایجاد شده در سیم‌وله به سمت چپ بوده و با توجه به قانون دست راست قطب‌های ناهمنام سیم‌وله مجاور قطب‌های آهنربای میله ای قرار می‌گیرد، که در این وضعیت قطب N آهنربای میله ای به سمت پایین کشیده می‌شود

پرسش ها و مسئله های فصل ۳:

۱۲- شکل زیر، دو سیم موازی و بلند حامل جریان را نشان می دهد. اگر میدان مغناطیسی برایند حاصل از این سیم ها در نقطه A صفر باشد، جهت جریان آن را در سیم ۲ پیدا کنید.



A.



پاسخ:

میدان مغناطیسی سیم ۱ در نقطه A درون سو است برای اینکه برایند میدان مغناطیسی در این نقطه صفر شود باید میدان مغناطیسی سیم ۲ درون سو باشد با کمک قانون دست راست جهت جریان به سمت چپ می شود.

پرسش ها و مسئله های فصل ۳:

۱۳- سیملوله ای شامل ۲۵۰ حلقه است که دوریک لوله پلاستیکی توخالی به طول 14 m پیچیده شده است. اگر جریان گذرنده از سیملوله $A/14$ باشد، اندازه میدان مغناطیسی درون سیملوله را حساب کنید.

$$\mu_0 = 4\pi \times 10^{-7} \text{ T.m/A}$$

پاسخ:

$$N = 250$$

$$L = 14\text{ m}$$

$$I = 1\text{ A}$$

$$B = ?$$

$$\mu_0 = 4\pi \times 10^{-7} \text{ T.m/A}$$

$$B = \mu_0 \cdot \frac{N}{L} I$$

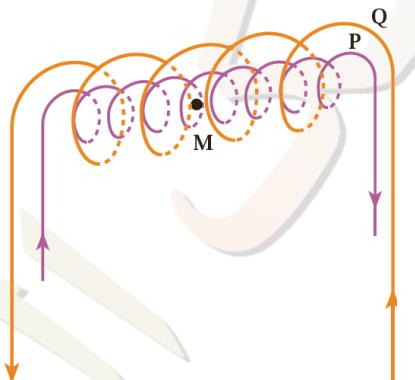
$$B = 4 \times 3.14 \times 10^{-7} \times \frac{250}{14} \times 1\text{ A}$$

$$B = 1/14 \times 10^{-3} \text{ T} = 1/14 \text{ mT}$$

پرسش ها و مسئله های فصل ۳:

۱۴- در شکل زیر دو سیم‌لوله P و Q هم محورند و طول برابر دارند. تعداد دور سیم‌لوله P برابر ۲۰۰ است و تعداد دور سیم‌لوله Q برابر ۳۰۰ است. اگر جریان ۱ A از سیم‌لوله Q عبور کند، از سیم‌لوله P چه جریانی باید عبور کند تا برایند میدان مغناطیسی ناشی از دو سیم‌لوله در نقطه M (روی محور دو سیم‌لوله) صفر شود؟

پاسخ:



$$L_P = L_Q$$

$$N_P = 200$$

$$N_Q = 300$$

$$I_Q = 1A$$

$$I_P = ?$$

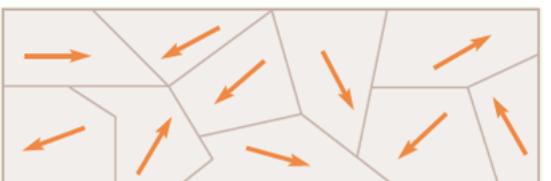
$$B_T = .$$

$$B_P = B_Q \quad \rightarrow \quad \mu \cdot \left(\frac{N_P}{L_P} \right) I_P = \mu \cdot \left(\frac{N_Q}{L_Q} \right) I_Q \quad \rightarrow \quad N_P I_P = N_Q I_Q$$

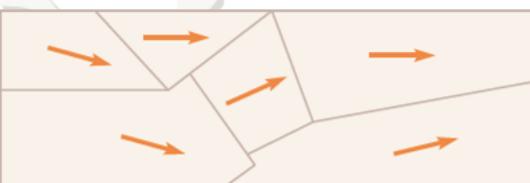
$$200 \times I_P = 300 \times 1 \quad \rightarrow \quad I_P = \frac{300}{200} \quad \rightarrow \quad I_P = 1.5 A$$

پرسش ها و مسئله های فصل ۳:

۱۵- شکل الف حوزه های مغناطیسی ماده فرومغناطیسی را درون میدان خارجی B نشان می دهد. شکل ب همان ماده پس از حذف میدان B نشان می دهد. نوع ماده فرمغناطیسی را با ذکر دلیل تعیین کنید.



(ب)



(الف)

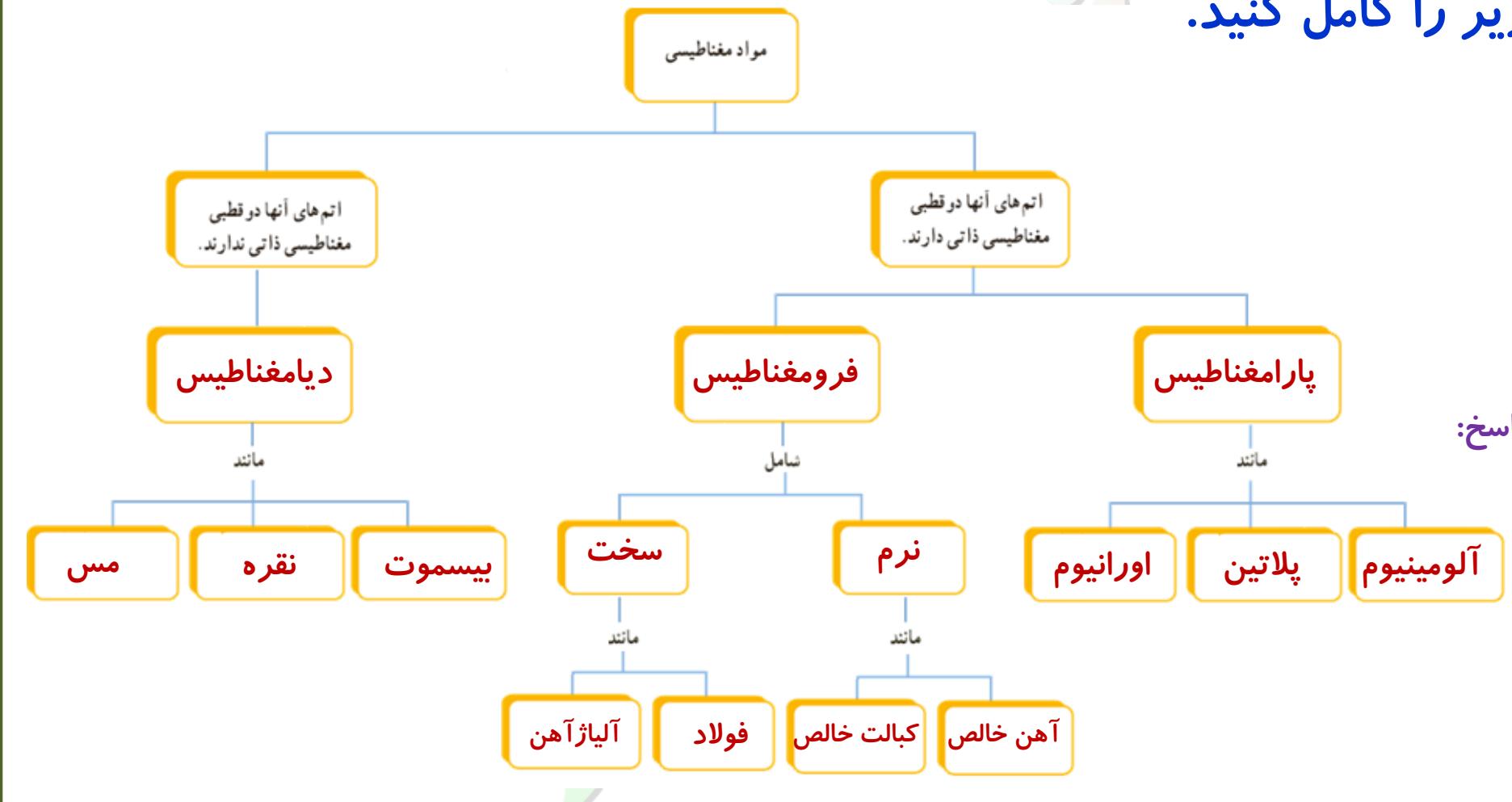
پاسخ:

شکل الف و ب ، ماده فرمغناطیسی نرم

زیرا بلافاصله بعد از حذف میدان خارجی علاوه بر کاهش حجم حوزه ها، جهت میدان حوزه ها به حالت کاتوره ای خود بر می گردند در نتیجه برآیند میدان ها در این مواد صفر شده و دیگر خاصیت آهن ربا ای ندارند.

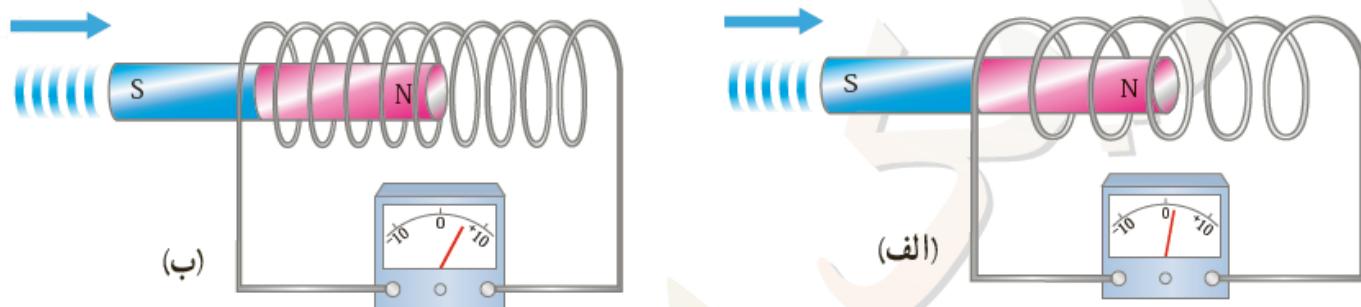
پرسش ها و مسئله های فصل ۳:

۱۶- باتوجه به آنچه در بخش ویژگی های مغناطیسی مواد دیدید، نقشه مفهومی زیر را کامل کنید.



پرسش ها و مسئله های فصل ۳:

۱۷- دو سیم‌لوله با حلقه های بامساحت یکسان ولی با تعداد دور متفاوت را مطابق شکل های زیر به ولت سنج حساسی وصل کرده ایم. دریافت خود را از این شکل ها بنویسید. (آهنرباها مشابه اند و با تندری یکسانی به طرف سیم‌لوله ها حرکت می کنند)

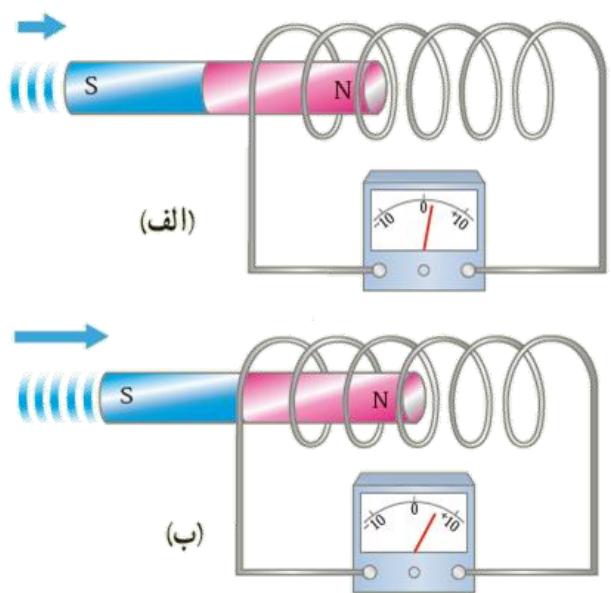


پاسخ:

در شکل الف و ب با ورود آهنربا به پیچه نیرو محركه و جريانی در آن القا شده است با اين تفاوت که در شکل ب که تعداد دور های پیچه بيشتر از الف است نیرو محركه و جريان بزرگتری القا می شود.

پرسش ها و مسئله های فصل ۳:

۱۸- دو سیم‌لوله مشابه را مطابق شکل های زیر به ولت سنج حساسی وصل کرده ایم. دریافت خود را از شکل های زیر بنویسید. (آهنرباها مشابه اند ولی با تندی متفاوتی به طرف سیم‌لوله حرکت می کنند)

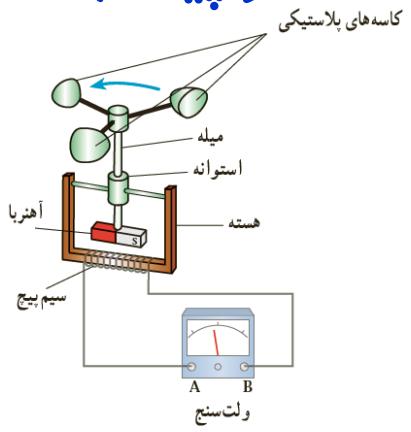


پاسخ:

در شکل (ب) سرعت حرکت آهنربا و در نتیجه آهنگ تغییر شار بیشتر از شکل (الف) است بنابراین نیروی محرکه القایی بیشتر است

پرسش ها و مسئله های فصل ۳:

۱۹- شکل داده شده ساختمان یک بادسنجد را نشان می دهد. اگر این بادسنجد را روی بام خانه نصب کنیم، به هنگام وزیدن باد میله آن می چرخد و ولت سنج عددی را نشان می دهد. الف) چرا چرخش میله سبب انحراف عقربه ولت سنج می شود؟ ب) آیا با افزایش تندی باد، عددی که ولت سنج نشان می دهد تغییر می کند؟ چرا؟ پ) برای بهبود و افزایش دقت کار دستگاه دو پیشنهاد ارائه دهید.



پاسخ:

الف) با چرخش میله، آهنربای متصل به آن نیز می چرخد و سبب تغییر شار مغناطیسی در فضای اطراف خود می شود. این امر سبب القای جریانی در سیم پیچ می شود. ب) با افزایش سرعت، آهنگ تغییر شار مغناطیسی نیز افزایش می یابد و در نتیجه جریان بزرگتری در سیم پیچ القای شود. پ) استفاده از سیم پیچی با تعداد دور بیشتر و آهنربای قوی تر با روغن کاری دستگاه و کاهش اصطکاک همچنین استفاده از ولت سنج دقیق تر می تواند سبب بهبود و افزایش دقت دستگاه شود.

پرسش ها و مسئله های فصل ۳:

۲۰- سطح حلقه های پیچه ای که دارای ۱۰۰۰ احلقه است، عمود بر میدان مغناطیسی یکنواختی که اندازه آن $T = ۰.۰۴$ و جهت آن از راست به چپ است، قرار دارد. میدان مغناطیسی در مدت $S = ۱۰$ تغییر می کند و به $T = ۰.۰۴$ در خلاف جهت اولیه می رسد. اگر سطح هر حلقه پیچه 50 cm^2 باشد، اندازه نیروی محرکه القایی متوسط در پیچه را حساب کنید.

پاسخ :

$$N = 1000$$

$$B_1 = 0.04 T$$

$$B_2 = -0.04 T$$

$$\Delta t = 10^{-2} \text{ s}$$

$$\theta = 0$$

$$A = 50 \times 10^{-4} \text{ m}^2$$

$$\bar{\varepsilon} = ?$$

$$\bar{\varepsilon} = -N \frac{\Delta\phi}{\Delta t}$$

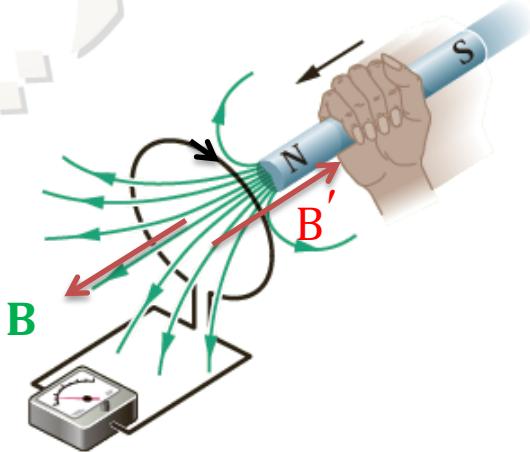
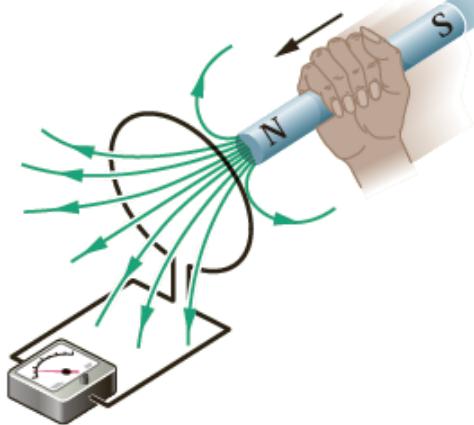
متغیر B

$$\bar{\varepsilon} = -NA \frac{\Delta B}{\Delta t} \cos \theta$$

$$\bar{\varepsilon} = -1000 \times 50 \times 10^{-4} \times \frac{-0.04 \times 10^{-2}}{10^{-2}} \cos 0^\circ \rightarrow \bar{\varepsilon} = 4.0 \text{ V}$$

پرسش ها و مسئله های فصل ۳:

۲۱- قطب N یک آهنربا را مطابق شکل رو به رو به یک حلقه رسانا نزدیک می کنیم. جهت جریان القایی را در حلقه مشخص کنیم.

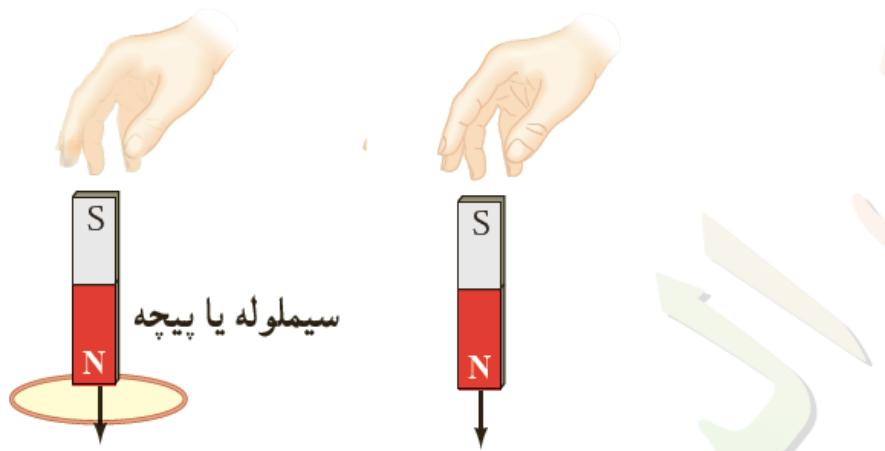


پاسخ:

چون آهن ربا در حال نزدیک شدن به حلقه است شار مغناطیسی افزایش می یابد درنتیجه میدان مغناطیسی حلقه خلاف جهت میدان مغناطیسی آهن ربا خواهد بود با استفاده از قاعده از قاعده دست راست برای حلقه، جهت جریان در حلقه ساعتگرد خواهد بود.

پرسش ها و مسئله های فصل ۳:

۲۲- دو آهنربای میله ای مشابه را مطابق شکل، به طور قائم از ارتفاع معینی نزدیک سطح زمین رها می کنیم به طوری که یکی از آنها از حلقه رسانایی عبور می کند. اگر سطح زمین در محل برخورد آهنرباهای نرم باشد، مقدار فرورفتگی آهنرباهای را در زمین با یکدیگر مقایسه کنید (تأثیر میدان مغناطیسی زمین روی آهنرباهای را نادیده بگیرید)

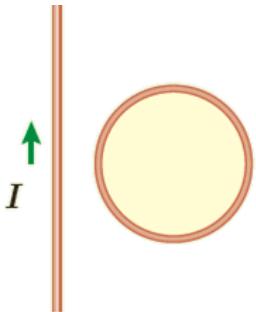


پاسخ:

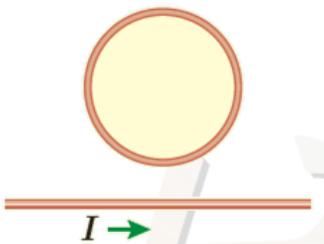
آهنربا هنگام عبور از حلقه رسانا، با مخالفتی روبه رو می شود که منشأ آن به جریان القای در حلقه مربوط است. بنابراین، آهنربایی که از حلقه می گذرد، کمتر در زمین فرو می رود.

پرسش ها و مسئله های فصل ۳:

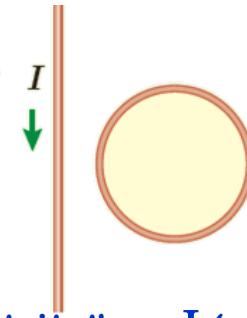
۱۳- جهت جریان القایی را در هریک از حلقه های رسانای نشان داده شده در شکل های زیر تعیین کنید.



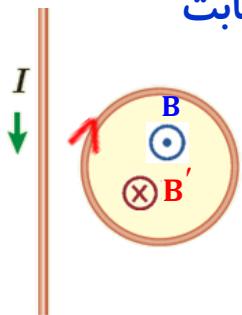
پ) ثابت



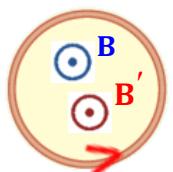
ب) ادر حال کاهش



الف) ادر حال افزایش



الف) ادر حال افزایش



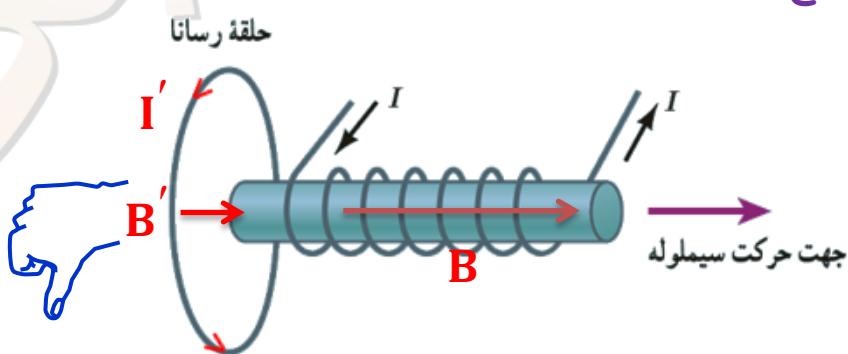
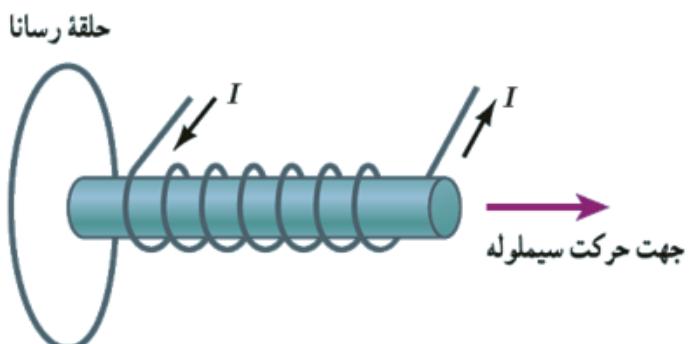
ب- شارمغناطیسی سیم بلند در درون حلقه بروند سو و در حال افزایش است طبق قانون لنز، شارمغناطیسی حلقه باشد با افزایش شارمخالفت کنندبا توجه به قاعده دست راست جهت جریان القایی، ساعتگرد را بوجود می آورد.



پ- چون جریان ثابت است شارمغناطیسی سیم بلند در درون حلقه ثابت بوده و جریان القایی صفر می شود

پرسش ها و مسئله های فصل ۳:

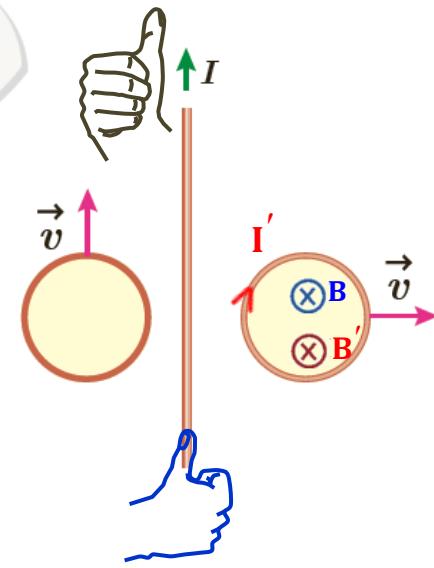
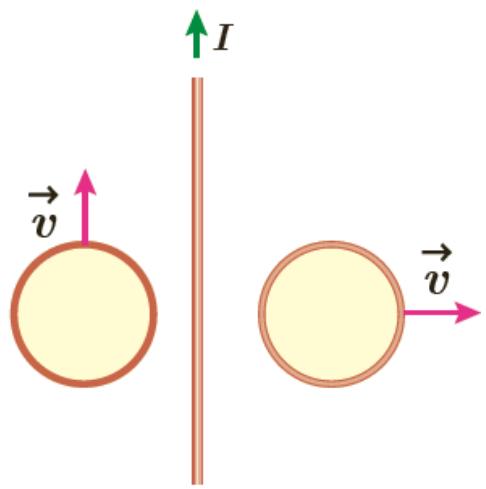
۱۴- شکل زیر سیملوله حامل جریانی را نشان می دهد که در حال دور شدن از یک حلقه رساناست. جهت جریان القایی را در حلقه با ذکر دلیل تعیین کنید.



با دور شدن سیم لوله شار مغناطیسی کاهش می یابد. در نتیجه میدان مغناطیسی حلقه هم جهت با میدان مغناطیسی سیم لوله (به سمت راست) خواهد بود. با توجه به قاعده دست راست برای حلقه جریان القایی (برای ناظر در سمت سیملوله) در جهت پاد ساعتگرد می شود.

پرسش ها و مسئله های فصل ۳:

۲۵- دو حلقة رسانا در نزدیکی یک سیم دراز حامل جریان ثابت I قرار دارند؛ این دو حلقة با تندي یکسان، ولی در جهت های متفاوت مطابق شکل زیر حرکت می کنند. جهت جریان القایی را در هر حلقة با ذکر دلیل تعیین کنید.

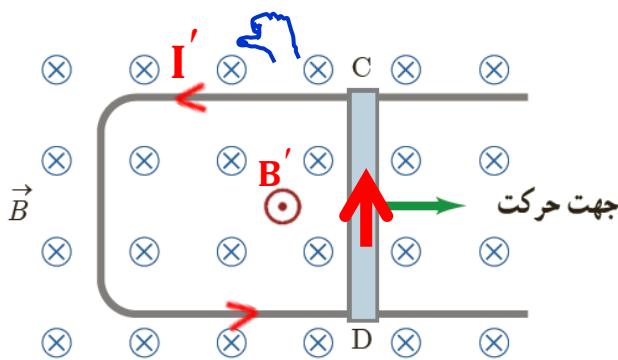
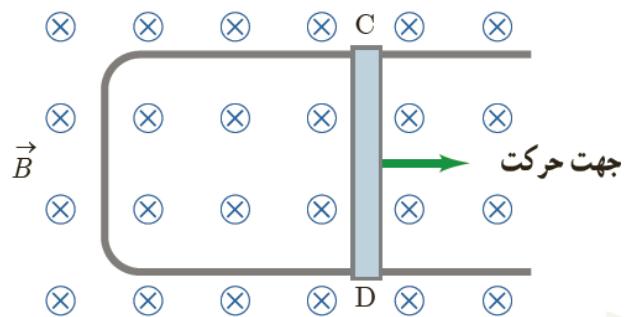


پاسخ:

در حلقة سمت چپ، چون به موازات سیم دراز حامل جریان ثابت I حرکت می کند، جریان القایی القا نمی شود. شار عبوری از حلقة در هر لحظه از زمان ثابت است و تغییری نمی کند. در حلقة سمت راست، جریان در جهت ساعتگرد القا می شود تا کاهش شار عبوری از آن جبران شود.

پرسش ها و مسئله های فصل ۳:

۲۶- شکل زیر رسانای لاشکلی را درون میدان مغناطیسی یکنواخت B که عمود بر صفحه شکل و رو به داخل صفحه است نشان می دهد. وقتی میله فلزی CD به طرف راست حرکت کند، جهت جریان القایی در مدار در چه جهتی است؟

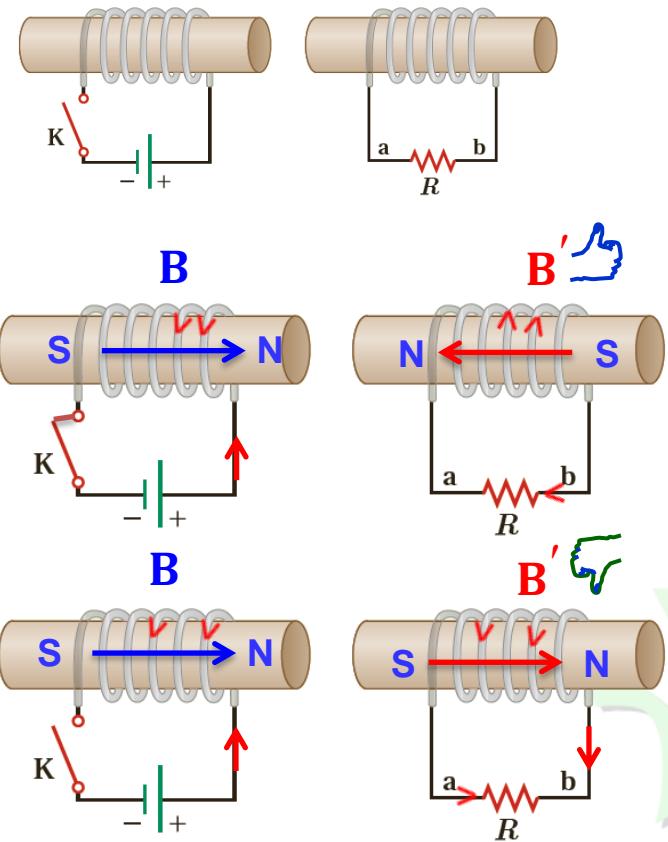


پاسخ:

با حرکت میله فلزی به سمت راست میدان عبوری از مساحت قاب افزایش و شار افزایش می یابد طبق قانون لنز برای مخالفت با افزایش شار جریان پاد ساعتگرد در قاب ایجاد می شود.

پرسش ها و مسئله های فصل ۳:

۲۷- در مدار نشان داده شده در شکل زیر، جهت جریان القایی را در مقاومت R در هریک از دو حالت زیر با ذکر دلیل پیدا کنید:
 الف) در لحظه بستن کلید K ، ب) در لحظه باز کردن کلید.



پاسخ:

الف- باستن کلیدشار مغناطیسی افزایش می یابد میدان سیم لوله ها خلاف جهت هم می شود. درنتیجه جریان در مقاومت R از a به b می باشد

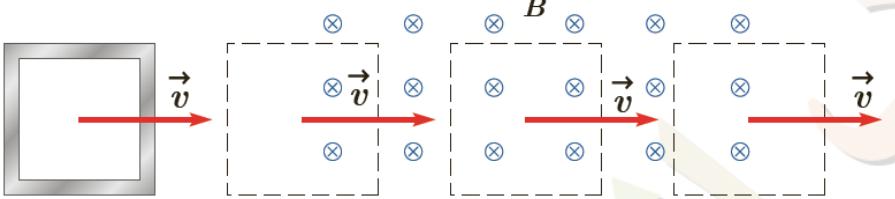
ب- باز کردن کلیدشار مغناطیسی کاهش می یابد میدان سیم لوله ها هم جهت هم می شود. درنتیجه جریان در مقاومت R از b به a می باشد

پرسش ها و مسئله های فصل ۳:

۲۸-حلقه رسانای مربعی شکل، به طول ضلع ۰.۰ CM اوارد میدان مغناطیسی درون سویی به اندازه ۲۰ mT و سپس از آن خارج می شود. الف) در کدام مرحله شارعبوری از حلقه بیشینه است؟ مقدار شار گذرنده از حلقه در این حالت چقدر است؟

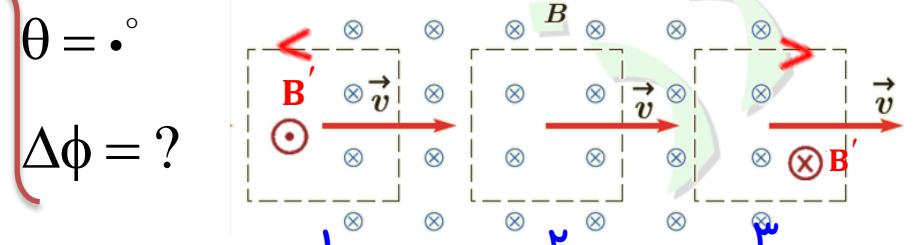
ب) در کدام وضعیت ها شار گذرنده از حلقه تغییر می کند؟ جهت جریان القایی را در حلقه تعیین کنید.

پاسخ:



$$a = 1 \cdot 10^{-1} \text{ m} \rightarrow A = a^2 \rightarrow A = 1 \cdot 10^{-2} \text{ m}^2$$

$$B = 2.0 \text{ mT} \quad \phi = BA \cos \theta \rightarrow \phi_{\max} = 2.0 \times 1 \cdot 10^{-3} \times 1 \cdot 10^{-2} \cos 0^\circ \rightarrow \phi_{\max} = 2 \times 10^{-4} \text{ wb}$$

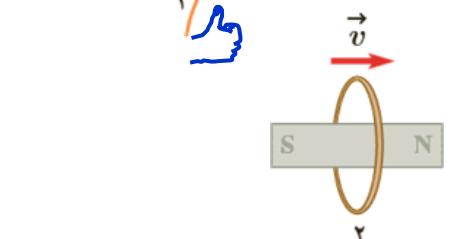
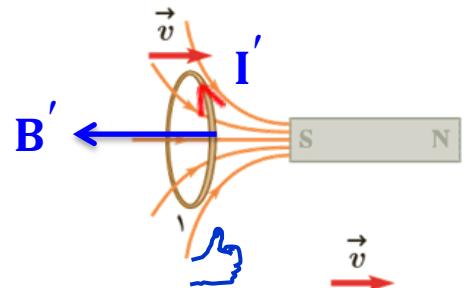
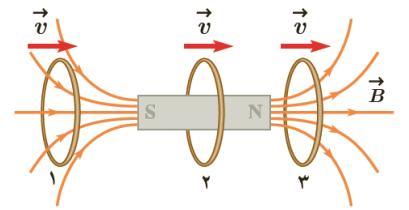


الف) در ۲ بیشترین شار مغناطیسی از حلقه می گذرد.

ب) در شکل ۱ و ۳ هنگام ورود و خروج قاب به میدان مغناطیسی شار مغناطیسی تغییر می کند. طبق قاعده دست راست و قانون لنز جهت جریان القایی در شکل ۱ پادساعتگرد و در شکل ۳ ساعتگرد است.

پرسش ها و مسئله های فصل ۳:

۲۹-حلقه رسانایی به طرف یک آهنربای میله ای حرکت می کند. شکل زیر، حلقه را در سه وضعیت نسبت به آهنربا نشان می دهد. جهت جریان القایی را در حلقه برای هر وضعیت به طور جداگانه تعیین کنید.



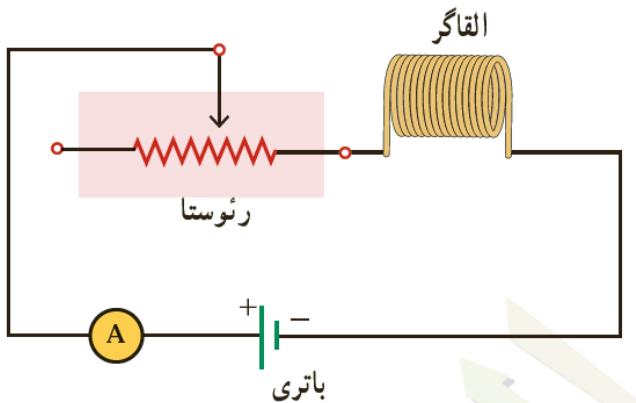
حالت ۱- بازدیدیک شدن حلقه به آهن ربا شار مغناطیسی افزایش می یابد در نتیجه میدان مغناطیسی حلقه خلاف جهت میدان آهن ربا است بنابر این جریان مطابق شکل است .

حالت ۲- تغییرات شار مغناطیسی در این حالت نداریم، بنابراین جریان هم در حلقه القاء نمی شود.

حالت ۳- بادور شدن حلقه از آهن ربا شار مغناطیسی کاهش می یابد در نتیجه میدان مغناطیسی حلقه هم جهت میدان آهن ربا است بنابر این مطابق شکل است

پرسش ها و مسئله های فصل ۳:

۳۰- شکل زیر مداری را نشان می دهد؛ شامل یک القاگر (سیملوله) با تری، رئوستا و آمپرسنچ که به طور متوالی به یکدیگر بسته شده اند. اگر بخواهیم بدون تغییر ولتاژ با تری، انرژی ذخیره شده در القاگر را زیاد کنیم چه راهی پیشنهاد می کنید؟



پاسخ:

انرژی ذخیره شده در القاگر از رابطه $\frac{1}{2}LI^2 = U$ به دست می آید. با کاهش مقاومت رئوستا، جریان عبوری از مدار و در نتیجه القاگر افزایش می یابد. در این صورت انرژی بیشتری در القاگر ذخیره می شود. با قراردادن یک هستهٔ فرومغناطیسی نرم درون القاگر (سیملوله)، ضریب خودالقایی آن افزایش می یابد و در نتیجه انرژی بیشتری در القاگر ذخیره می شود.

پرسش ها و مسئله های فصل ۳:

۱۳- جریان متناوبی که بیشینه آن $A = ۲$ و دوره آن $T = ۰.۲$ است، از یک رسانای ۵ اهمی می گذرد. (الف) اولین لحظه ای که در آن جریان بیشینه است چه لحظه ای است؟ در این لحظه نیروی محرکه القایی چقدر است؟ (ب) در لحظه $t = \frac{1}{۴} \text{ s}$ جریان چقدر است؟

پاسخ:

(الف)

$$I_{\max} = ۲ \text{ A}$$

$$T = ۰.۲ \text{ s}$$

$$R = ۵ \Omega$$

$$t = ?$$

$$\varepsilon = ?$$

$$t = \frac{1}{۴} \text{ s}$$

$$I = ?$$

$$I = I_m \sin \omega t \rightarrow I = ۲ \sin \frac{۲\pi}{۰.۲} t \rightarrow I = ۲ \sin ۱۰\pi t$$

$$\left. \begin{array}{l} I = ۲ \sin ۱۰\pi t \\ I = ۲ \text{ A} \end{array} \right\} ۲ = ۲ \sin ۱۰\pi t \rightarrow \sin \frac{\pi}{۲} = \sin ۱۰\pi t \rightarrow t = \frac{۱}{۴} \text{ s}$$

$$\left. \begin{array}{l} \varepsilon = RI \\ \varepsilon = ۱ \cdot \sin ۱۰\pi t \end{array} \right\} t = \frac{۱}{۴} \text{ s} \quad \varepsilon = ۱ \cdot \sin \frac{۱\cdot\pi}{۴} \rightarrow \varepsilon = ۱ \cdot V$$

$$\left. \begin{array}{l} I = ۲ \sin ۱۰\pi t \\ t = \frac{۱}{۴} \text{ s} \end{array} \right\} I = ۲ \sin \frac{\pi}{۴} = ۲ \sin \frac{\pi}{۴} = ۲ \times \frac{\sqrt{2}}{2} = \sqrt{2} \text{ A}$$

(ب)

با نظارت جمعی از اساتید و معلمان گروه فیزیک البرز :

عظیم آقچه جلی

افشین کردکتویی

شهریار زینالی

فاطمه زارعی

فتانه باقرزاده

محمد انصاری تبار

تاریخ ویرایش نهایی : بهمن ماه ۱۳۹۶

ارتباط تلگرامی : @ansari132

به نام خدا

کارگروه کتاب فیزیک پایه یازدهم

مبحث : القای الکترومغناطیسی و جریان متناوب

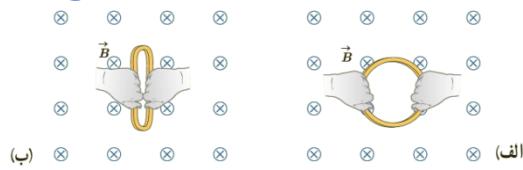
پاسخ فعالیت ها و تمرین ها

فصل چهارم(القای الکترومغناطیسی و جریان متناوب)

فیزیک یازدهم - فیزیک **ریاضی**



الف) حلقه ای به مساحت 25cm^2 درون میدان مغناطیسی یکنواخت درون سویی به اندازه 0.3T قرار دارد (شکل الف) شار مغناطیسی عبوری از حلقه را به دست آورید. ب) اگر مطابق شکل ب و بدون تغییر \vec{B} ، مساحت سطح حلقه را به 1cm^2 ابرسانیم، شار مغناطیسی عبوری از حلقه را دراین وضعیت به دست آورید. پ) اگراین تغییر شار در بازه زمانی $\Delta t = 2\text{s}$ رخ داده باشد، آهنگ تغییر شار ($\Delta\Phi/\Delta t$) را پیدا کنید.



پاسخ:

$$A_1 = 25 \times 10^{-4} \text{ m}^2$$

$$B = 0.3\text{T} \quad \Phi = BA \cos\theta$$

$$\theta = 0^\circ$$

$$\Phi_1 = ? \rightarrow \Phi_1 = 0.3 \times 25 \times 10^{-4} \times \cos 0^\circ \rightarrow \Phi_1 = 7.5 \times 10^{-5} \text{ wb}$$

$$A_2 = 10 \times 10^{-4} \text{ m}^2$$

$$\Phi_2 = ? \rightarrow \Phi_2 = 0.3 \times 10 \times 10^{-4} \times \cos 0^\circ \rightarrow \Phi_2 = 3 \times 10^{-5} \text{ wb}$$

$$\Delta t = 2\text{s}$$

$$\frac{\Delta\Phi}{\Delta t} = ? \rightarrow \frac{\Delta\Phi}{\Delta t} = \frac{3 \times 10^{-5} - 7.5 \times 10^{-5}}{2} \rightarrow \frac{\Delta\Phi}{\Delta t} = -22.5 \times 10^{-5} \frac{\text{wb}}{\text{s}}$$

الف

ب

پ

کدام یک از یکاهای زیر معادل یکای وبر بر ثانیه (Wb/s) است؟

Ω

A

V

V/A

پاسخ:

ولت

تمرین ۲-۴

میدان مغناطیسی بین قطب های آهنربای الکتریکی شکل روبرو که بر سطح حلقه عمود است با زمان تغییر می کند و در مدت 0.28 s . از $T = 0.17\text{ T}$ ، رو به بالا، به $T = 0.45\text{ T}$ ، رو به پایین می رسد. در این مدت،
 (الف) نیروی حرکت القایی متوسط در حلقه را به دست آورید.
 (ب) اگر مقاومت حلقه $\Omega = 10$ باشد، جریان القایی متوسط در حلقه را پیدا کنید.

$$N = 1$$

$$\theta = \cdot$$

$$\Delta t = 0.45\text{ s}$$

$$B_1 = 0.28\text{ T}$$

$$B_2 = -0.17\text{ T}$$

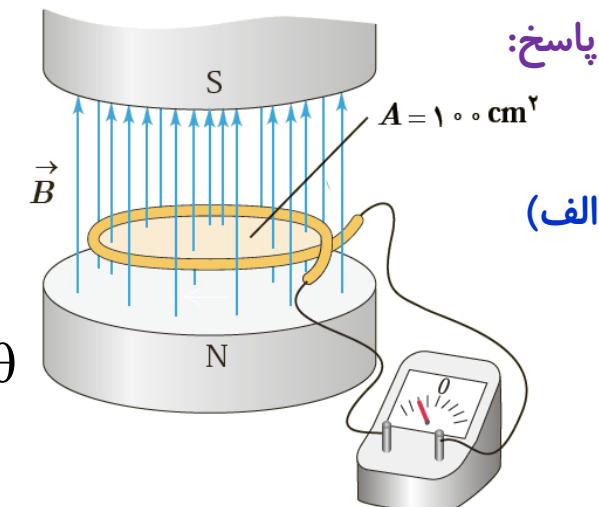
$$A_1 = 100 \times 10^{-4} \text{ m}^2 \quad \bar{\varepsilon} = -1 \times 10^{-2} \times \frac{-0.45}{0.45} \times \cos 0^\circ \rightarrow \bar{\varepsilon} = 10^{-2} \text{ V}$$

$$\bar{\varepsilon} = ?$$

$$R = 10\Omega$$

$$\bar{I} = ?$$

$$\bar{\varepsilon} = -N \frac{\Delta \Phi}{\Delta t} \xrightarrow{\text{متغیر } B} \bar{\varepsilon} = -NA \frac{\Delta B}{\Delta t} \cos \theta$$



پاسخ:

(الف)

(ب)

تندی سنج دوچرخه های مسابقه ای شامل یک آهنربای کوچک و یک پیچه است. آهنربا به یکی از پره های چرخ جلو و پیچه به دو شاخ فرمان متصل است (شکل زیر) دو سر پیچه با سیم های رسانا به نمایشگر تندی سنج (که در واقع نوعی رایانه کوچک است) وصل شده است. به نظر شما تندی سنج دوچرخه چگونه کار می کند؟ این موضوع را در گروه خود به گفت و گو بگذارید و نتیجه را به کلاس درس ارائه دهید

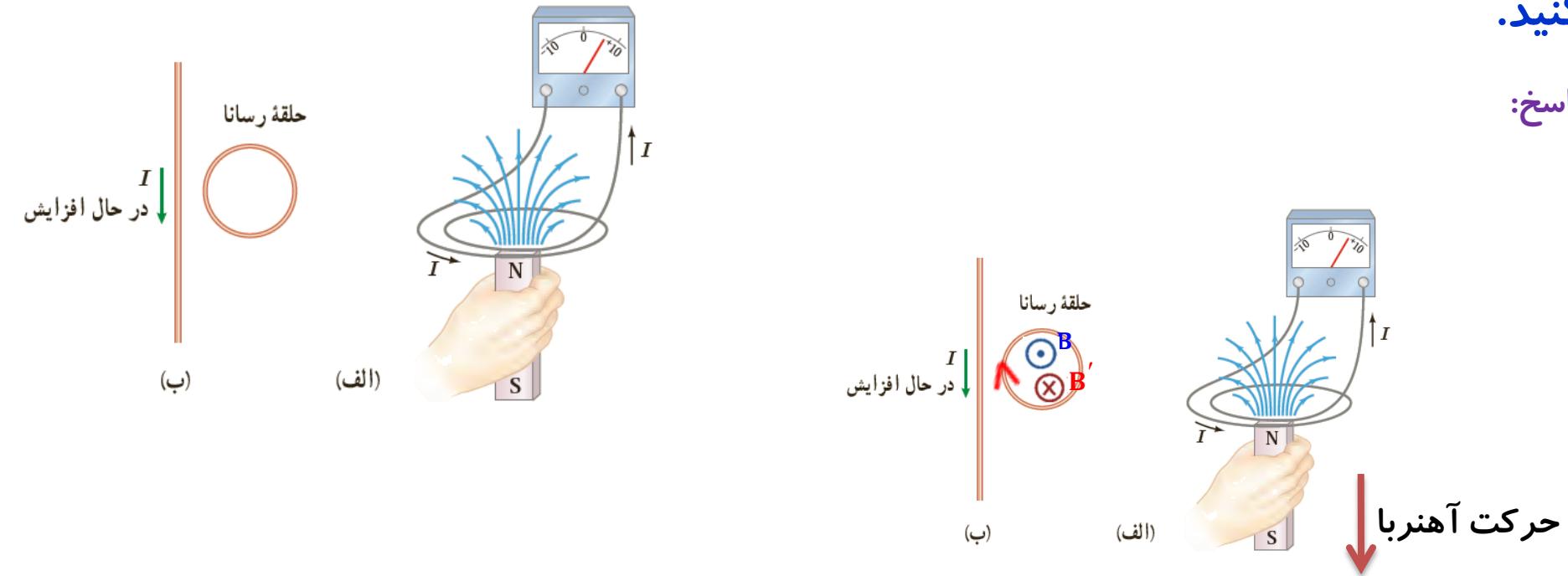


پاسخ:

عبور آهنربا از جلوی پیچه متصل به دوشاخ جلوی دوچرخه، سبب تغییر شار مغناطیسی عبوری از پیچه و در نتیجه القای جریان می شود. این جریان توسط یک رایانه کوچک خوانده می شود و با توجه به تعداد مرتبه ای که این جریان القایی در یک زمان مشخص (مثلاً یک دقیقه) توسط رایانه ثبت می شود و همچنین با توجه به قطر چرخ که در رایانه وجود دارد، سرعت سنج دوچرخه کار می کند.

الف) با توجه به جهت جریان القایی در مدار شکل الف، توضیح دهید که آیا آهنربا رو به بالا حرکت می کنده ایا رو به پایین ب) شکل ب سیم بلند و مستقیمی را نشان می دهد که جریان عبوری از آن در حال افزایش است. جهت جریان القایی را در حلقه رسانای مجاور سیم تعیین کنید.

پاسخ:



در شکل (الف) آهنربا رو به پایین حرکت می کند و در شکل (ب) جهت جریان القایی را در حلقه ساعتگرد است.

۱- تعداد حلقه های سیم‌لوله ای بدون هسته، به طول 2 cm و سطح 1 cm^2 چه تعداد باشد تا ضریب القاوری آن 1 H شود؟

$$K = 1$$

$$l = 2\text{ cm} \times 10^{-2}\text{ m}$$

$$A = 1\text{ cm}^2 \times 10^{-4}\text{ m}^2$$

$$N = ?$$

$$L = 1\text{ H}$$

$$\mu_0 = 4\pi \times 10^{-7} \frac{\text{Tm}}{\text{A}}$$

$$L = \frac{AK\mu_0 N^2}{1}$$

$$N^2 = \frac{l \cdot L}{AK\mu_0}$$

$$N^2 = \frac{2\text{ cm} \times 10^{-2} \times 1}{10^{-4} \times 1 \times 4\pi \times 10^{-7} / 10^{-4}}$$

$$N^2 = 22 \times 10^6 \rightarrow N \approx 4.7 \times 10^3$$

پاسخ:

۲- دو سیموله بدون هسته با سطح مقطع و تعداد دور یکسان را در نظر بگیرید. اگر طول یکی از سیموله ها دو برابر دیگری باشد، ضریب القاوری آش چند برابر دیگری است؟

پاسخ:

$$\left\{ \begin{array}{l} K_2 = 1 \\ A_2 = A_1 \\ N_2 = N_1 \\ l_2 = 2l_1 \\ L_2 = ?L_1 \end{array} \right.$$

$$\frac{L_2}{L_1} = \frac{\cancel{A_2}}{\cancel{A_1}} \times \frac{\cancel{K_2}}{\cancel{K_1}} \times \frac{l_1}{l_2} \times \left(\frac{\cancel{N_2}}{\cancel{N_1}} \right)^2$$

$$\frac{L_2}{L_1} = \frac{l_1}{2l_1}$$

$$L_2 = \frac{1}{2} L_1$$

سیم‌لوله آرمانی بدون هسته ای به طول 144 cm و با حلقه‌هایی به مساحت 144 cm^2 ، شامل $N=2000$ حلقه نزدیک به هم است و جریان $I=1\text{ A}$ از آن می‌گذرد. ضریب القاوری و انرژی ذخیره شده در سیم‌لوله را حساب کنید.

پاسخ:

$$K = 1$$

$$l = 22 \times 10^{-2} \text{ m}$$

$$A = 144 \times 10^{-4} \text{ m}^2$$

$$N = 2000$$

$$L = ?$$

$$I = 1 \text{ A}$$

$$U = ?$$

$$\mu_0 = 4\pi \times 10^{-7} \frac{\text{Tm}}{\text{A}}$$

$$L = \frac{AK\mu \cdot N^2}{l}$$

$$L = \frac{144 \times 10^{-4} \times 1 \times 4 \times 3 / 14 \times 10^{-7} \times (2 \times 10^3)^2}{22 \times 10^{-2}}$$

$$L \approx 1 \times 10^{-3} \text{ H} = 1 \text{ mH}$$

$$U_L = \frac{1}{2} LI^2 \rightarrow U_L = \frac{1}{2} \times 10^{-3} \times 1 / 1^2$$

$$U_L = 1 / 445 \times 10^{-3} \text{ J} = 1 / 445 \text{ mJ}$$

معادله جریان زمان یک مولد جریان متناوب برحسب یکاهای SI به صورت $I = 4 \times 10^{-3} \sin 25\pi t$ است. الف) جریان در دو لحظه $t_1 = 2 \text{ ms}$ و $t_2 = 8 \text{ ms}$ چقدر است؟

پاسخ:

$$\left. \begin{array}{l} I = 4 \times 10^{-3} \sin 25\pi t \\ t = 2 \times 10^{-3} \text{ s} \end{array} \right\} I = 4 \times 10^{-3} \sin 25\pi \times 2 \times 10^{-3} = 4 \times 10^{-3} \sin \frac{\pi}{2} = 4 \times 10^{-3} \text{ A}$$
الف)

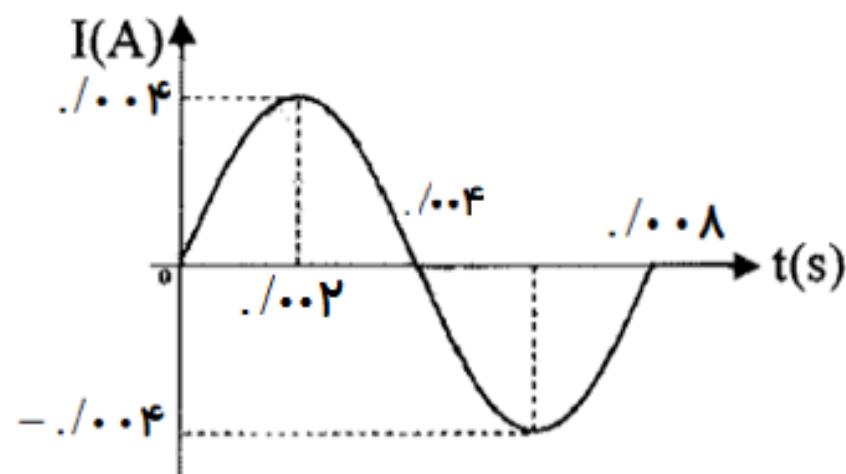
$$\left. \begin{array}{l} I = 4 \times 10^{-3} \sin 25\pi t \\ t = 8 \times 10^{-3} \text{ s} \end{array} \right\} I = 4 \times 10^{-3} \sin 25\pi \times 8 \times 10^{-3} = 4 \times 10^{-3} \sin 2\pi = 0.$$

معادله جریان زمان یک مولد جریان متناوب برحسب یکاهای SI به صورت $I = 4 \times 10^{-3} \sin 25\pi t$ است. ب) دوره تناوب جریان را به دست آورید و نمودار جریان زمان را در یک دوره کامل رسم کنید.

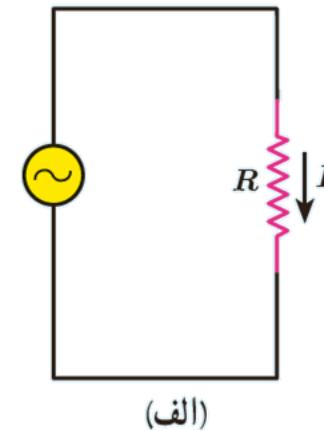
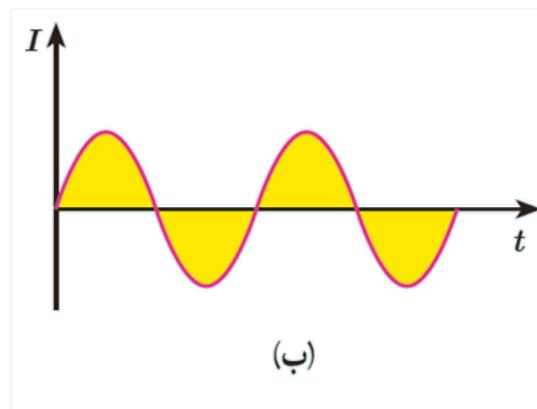
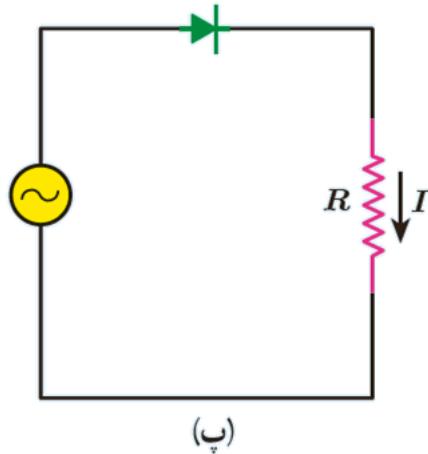
$$I = 4 \times 10^{-3} \sin 25\pi t$$

پاسخ:

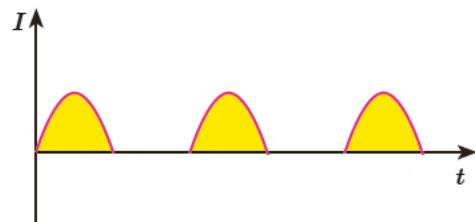
$$25\pi = \frac{2\pi}{T} \rightarrow T = \frac{2\pi}{25\pi} = 0.08 \text{ s}$$



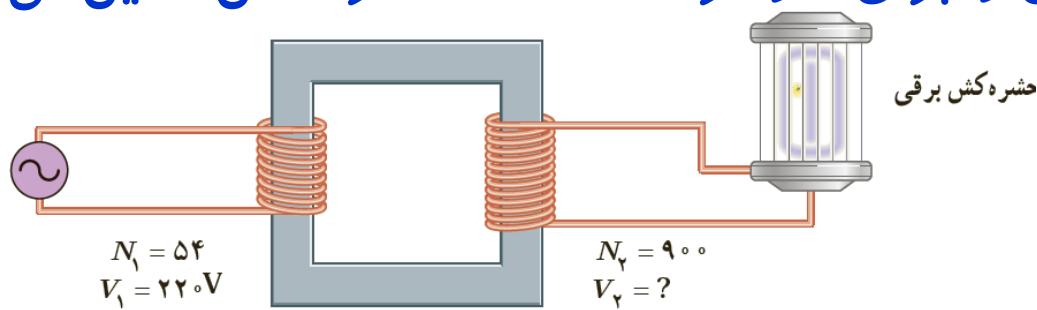
در فصل ۲ دیدیم که دیود جریان را در یک جهت از خود عبور می‌دهد و در جهت دیگر مانع عبور جریان می‌شود. به همین دلیل آن را یکسوکنندهٔ جریان می‌نامند. نمودار شکل ب، تغییرات جریان بر حسب زمان را برای مدار شکل الف نشان می‌دهد. پس از گفت و گو در گروه خود، نمودار تغییرات جریان بر حسب زمان را برای مدار شکل پ رسم کنید.



پاسخ:



برخی از وسیله های برقی، مانند حشره کش برقی، برای کار کردن نیاز به ولتاژ های بالا از مرتبه چند هزار ولت دارند. شکل زیر مبدلی را نشان می دهد که ولتاژ لازم را برای کار یک دستگاه حشره کش برقی فراهم می کند. اگر تعداد دور اولیه مبدل $N_1 = 54$ و تعداد دور ثانویه $N_2 = 900$ باشد، مبدل چه ولتاژی را برای کار کردن دستگاه حشره کش تأمین می کند؟



$$\left\{ \begin{array}{l} N_1 = 54 \\ V_1 = 220\text{V} \\ N_2 = 900 \\ V_2 = ? \end{array} \right.$$

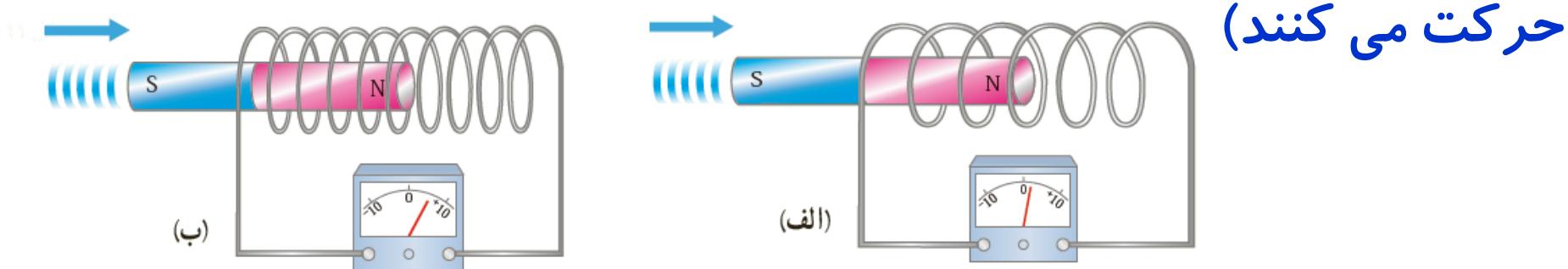
$$\frac{V_2}{V_1} = \frac{N_2}{N_1}$$

$$\frac{V_2}{220} = \frac{900}{54}$$

$$V_2 \approx 3667 \text{ V}$$

پرسش ها و مسئله های فصل ۴:

۱- دو سیم‌لوله با حلقه های بامساحت یکسان ولی با تعداد دور متفاوت را مطابق شکل های زیر به ولت سنج حساسی وصل کرده ایم. دریافت خود را از این شکل ها بنویسید. (آهنرباها مشابه اند و با تنگی یکسانی به طرف سیم‌لوله ها حرکت می کنند)

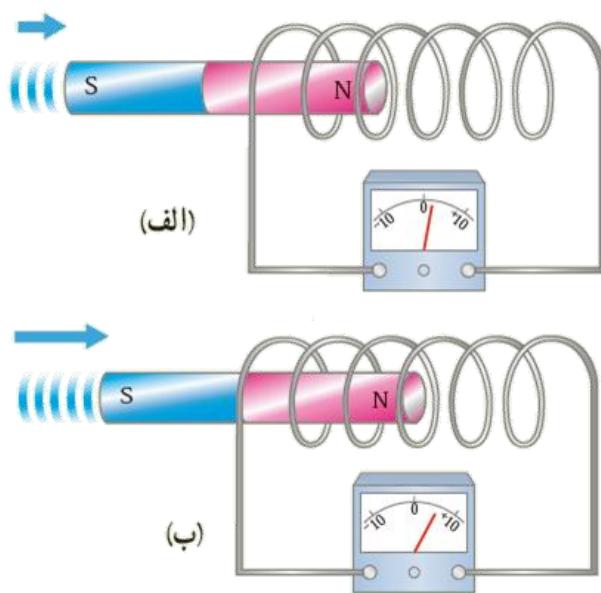


پاسخ:

در شکل الف و ب با ورود آهنربا به پیچه نیرو محرکه و جریانی در آن القا شده است با این تفاوت که در شکل ب که تعداد دورهای پیچه بیشتر از الف است نیرو محرکه و جریان بزرگتری القا می شود.

پرسش ها و مسئله های فصل ۴:

۲- دو سیم‌لوله مشابه را مطابق شکل های زیر به ولت سنج حساسی وصل کرده ایم. دریافت خود را از شکل های زیر بنویسید. (آهنرباها مشابه اند ولی با تندی متفاوتی به طرف سیم‌لوله حرکت می کنند)

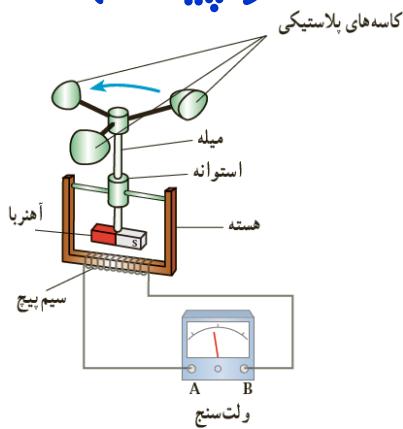


پاسخ:

در شکل (ب) سرعت حرکت آهنربا و در نتیجه آهنگ تغییر شار بیشتر از شکل الف است بنابراین نیروی محرکه القایی بیشتر است

پرسش ها و مسئله های فصل ۴:

۳- شکل داده شده ساختمان یک بادسنج را نشان می دهد. اگر این بادسنج را روی بام خانه نصب کنیم، به هنگام وزیدن باد میله آن می چرخد و ولت سنج عددی را نشان می دهد. الف) چرا چرخش میله سبب انحراف عقربه ولت سنج می شود؟ ب) آیا با افزایش تندی باد، عددی که ولت سنج نشان می دهد تغییر می کند؟ چرا؟ پ) برای بهبود و افزایش دقت کار دستگاه دو پیشنهاد ارائه دهید.



پاسخ:

الف) با چرخش میله، آهنربای متصل به آن نیز می چرخد و سبب تغییر شار مغناطیسی در فضای اطراف خود می شود. این امر سبب القای جریانی در سیم پیچ می شود. ب) با افزایش سرعت، آهنگ تغییر شار مغناطیسی نیز افزایش می یابد و در نتیجه جریان بزرگتری در سیم پیچ القا می شود. پ) استفاده از سیم پیچی با تعداد دور بیشتر و آهنربای قوی تر با روغن کاری دستگاه و کاهش اصطکاک همچنین استفاده از ولت سنج دقیق تر می تواند سبب بهبود و افزایش دقت دستگاه شود.

پرسش ها و مسئله های فصل ۴:

۴- سطح حلقه های پیچه ای که دارای ۱۰۰۰ حلقه است، عمودبر میدان مغناطیسی یکنواختی که اندازه آن $T = ۰.۰۴$ و جهت آن از راست به چپ است، قرار دارد. میدان مغناطیسی در مدت $S = ۱۰$ تغییر می کند و به $T = ۰.۰۴$ در خلاف جهت اولیه می رسد. اگر سطح هر حلقه پیچه 5 cm^2 باشد، اندازه نیروی محرکه القایی متوسط در پیچه را حساب کنید.

پاسخ :

$$\left\{
 \begin{array}{l}
 N = 1000 \\
 B_1 = 0.04 \text{ T} \\
 B_2 = -0.04 \text{ T} \\
 \Delta t = 10^{-2} \text{ s} \\
 \theta = 0^\circ \\
 A = 5 \times 10^{-4} \text{ m}^2 \\
 \bar{\varepsilon} = ?
 \end{array}
 \right\}
 \Delta B = B_2 - B_1 = -0.04 - 0.04 = -0.08 \text{ T}$$

$$\bar{\varepsilon} = -N \frac{\Delta \phi}{\Delta t} \xrightarrow{\text{متغیر } B} \bar{\varepsilon} = -NA \frac{\Delta B}{\Delta t} \cos \theta$$

$$\bar{\varepsilon} = -1000 \times 5 \times 10^{-4} \times \frac{-0.08 \times 10^{-2}}{10^{-2}} \cos 0^\circ \rightarrow \bar{\varepsilon} = 4 \text{ V}$$

پرسش ها و مسئله های فصل ۴:

۵- مساحت هر حلقهٔ پیچه ای 30 cm^2 و پیچه متتشکل از ۱۰۰۰ حلقه است. در ابتدا سطح پیچه ها بر میدان مغناطیسی زمین عمود است. اگر در مدت ۰/۰۲s پیچه بچرخد و سطح حلقه ها موازی میدان مغناطیسی زمین شود، نیروی محرکه متوسط القایی در آن چقدر است؟ اندازهٔ میدان زمین را $G/5$ در نظر بگیرید.

پاسخ:

$$A = 30 \times 10^{-4} \text{ m}^2$$

$$N = 1000$$

$$\alpha_1 = 90^\circ \rightarrow \theta_1 = 0^\circ$$

$$B = G/5 \times 10^{-4} \text{ T}$$

$$\Delta t = 0.2 \text{ s}$$

$$\alpha_2 = 0^\circ \rightarrow \theta_2 = 90^\circ$$

$$\bar{\varepsilon} = ?$$

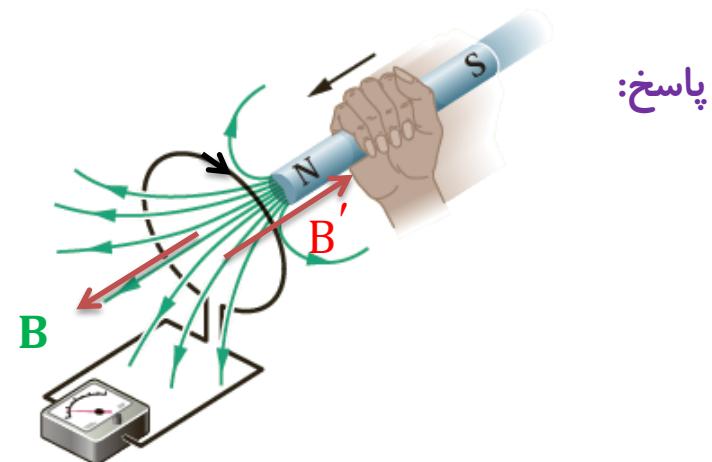
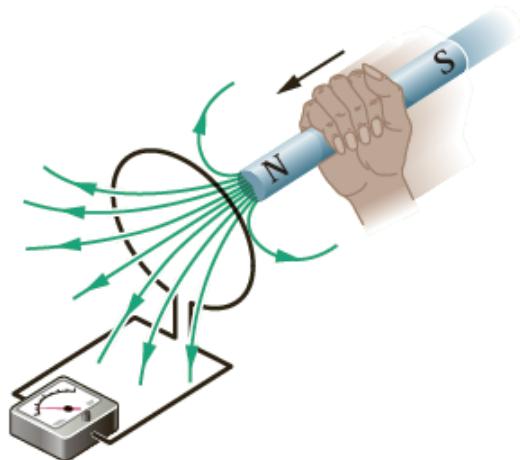
$$\bar{\varepsilon} = -N \frac{\Delta\phi}{\Delta t} \quad \text{متغیر} \quad \bar{\varepsilon} = -NAB \frac{(\cos \theta_2 - \cos \theta_1)}{\Delta t}$$

$$\bar{\varepsilon} = -1000 \times 30 \times 10^{-4} \times G/5 \times 10^{-4} \times \frac{(\cos 90^\circ - \cos 0^\circ)}{0.2}$$

$$\bar{\varepsilon} = -15 \times 10^{-5} \times \frac{(0-1)}{0.2} \rightarrow \bar{\varepsilon} = 7.5 \times 10^{-3} \text{ V}$$

پرسش ها و مسئله های فصل ۴:

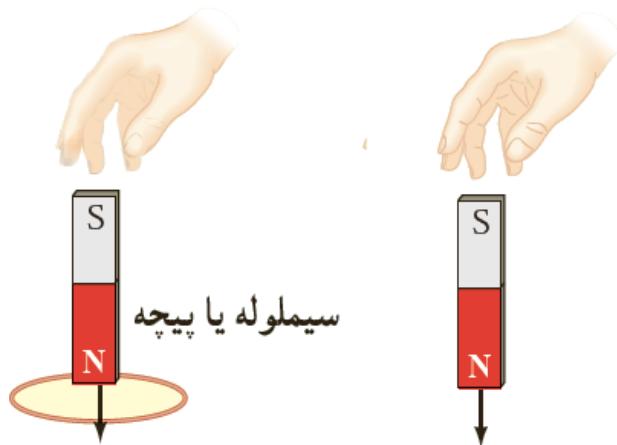
۶-قطب Nیک آهن را مطابق شکل رو به رو به یک حلقه رسانا نزدیک می کنیم. جهت جریان القایی را در حلقه مشخص کنید.



چون آهن را در حال نزدیک شدن به حلقه است شار مغناطیسی افزایش می یابد درنتیجه میدان مغناطیسی حلقه خلاف جهت میدان مغناطیسی آهن را خواهد بود با استفاده از قاعده دست راست برای حلقه ،جهت جریان در حلقه ساعتگرد خواهد بود.

پرسش ها و مسئله های فصل ۴:

۷- دو آهنربای میله ای مشابه را مطابق شکل، به طور قائم از ارتفاع معینی نزدیک سطح زمین رها می کنیم به طوری که یکی از آنها از حلقه رسانایی عبور می کند. اگر سطح زمین در محل برخورد آهنرباهای نرم باشد، مقدار فرورفتگی آهنرباهای را در زمین با یکدیگر مقایسه کنید (تأثیر میدان مغناطیسی زمین روی آهنرباهای را نادیده بگیرید)

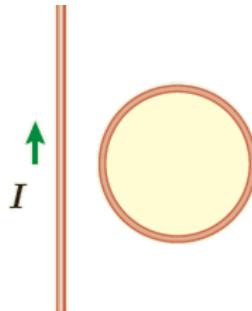


پاسخ:

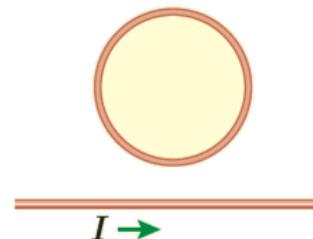
آهنربا هنگام عبور از حلقه رسانا، با مخالفتی روبه رو می شود که منشأ آن به جریان القایی در حلقه مربوط است. بنابراین، آهنربایی که از حلقه می گذرد، کمتر در زمین فرو می رود.

پرسش ها و مسئله های فصل ۴:

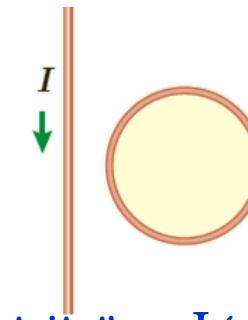
۸- جهت جریان القایی را در هریک از حلقه های رسانای نشان داده شده در شکل های زیر تعیین کنید.



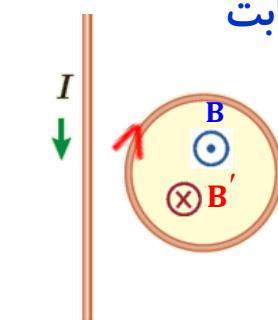
پ) I ثابت



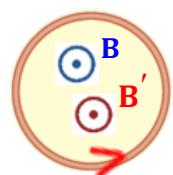
ب) I در حال کاهش



الف) I در حال افزایش



الف) I در حال افزایش



ب) I در حال کاهش

پاسخ:

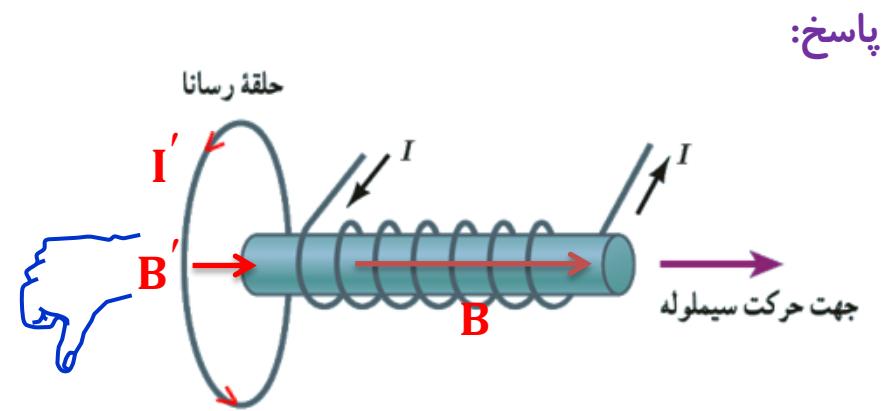
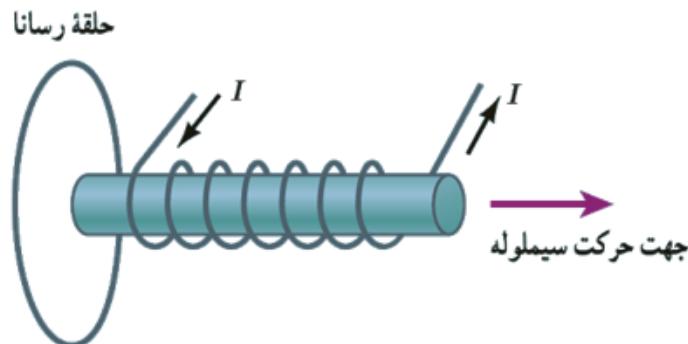
الف- شارمغناطیسی سیم بلند در درون حلقه بروند سو و در حال افزایش است طبق قانون لنز، شارمغناطیسی حلقه بايد با افزایش شارمخالفت کنند با توجه به قاعده دست راست جهت جریان القایی، ساعتگرد را بوجود می آورد.

ب- شارمغناطیسی سیم بلند در درون حلقه بروند سو و در حال کاهش است طبق قانون لنز، شارمغناطیسی حلقه بايد با کاهش شارمخالفت کنند با توجه به قاعده دست راست جهت جریان القایی، پاد ساعتگرد را بوجود می آورد.

پ- چون جریان ثابت است شارمغناطیسی سیم بلند در درون حلقه ثابت بوده و جریان القایی صفر می شود

پرسش ها و مسئله های فصل ۴:

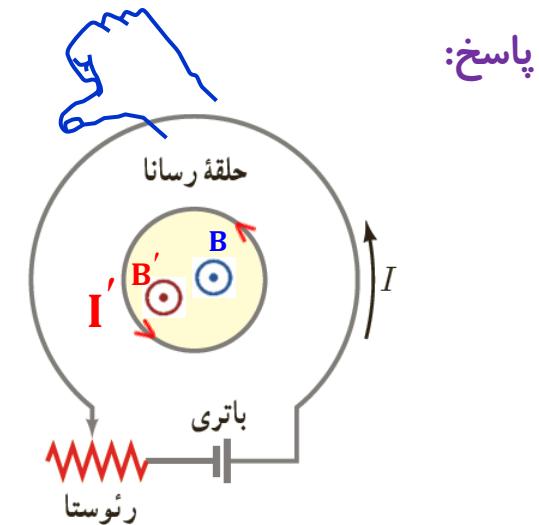
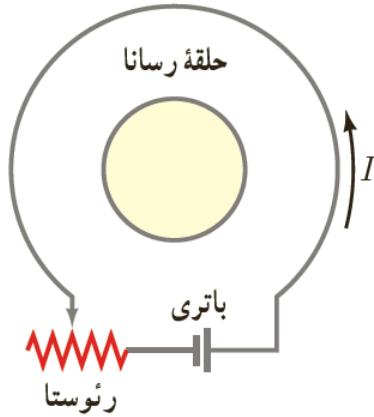
۹- شکل زیر سیم‌وله حامل جریانی را نشان می‌دهد که در حال دور شدن از یک حلقه رساناست. جهت جریان القایی را در حلقه با ذکر دلیل تعیین کنید.



با دور شدن سیم لوله شار مغناطیسی کاهش می یابد. در نتیجه میدان مغناطیسی حلقه هم جهت با میدان مغناطیسی سیم لوله (به سمت راست) خواهد بود. با توجه به قاعده دست راست برای حلقه جریان القایی (برای ناظر در سمت سیم‌وله) در جهت پاد ساعتگرد می‌شود.

پرسش ها و مسئله های فصل ۴:

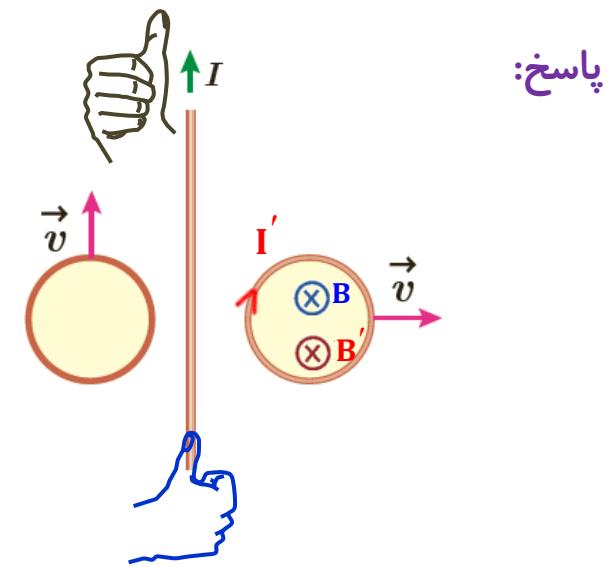
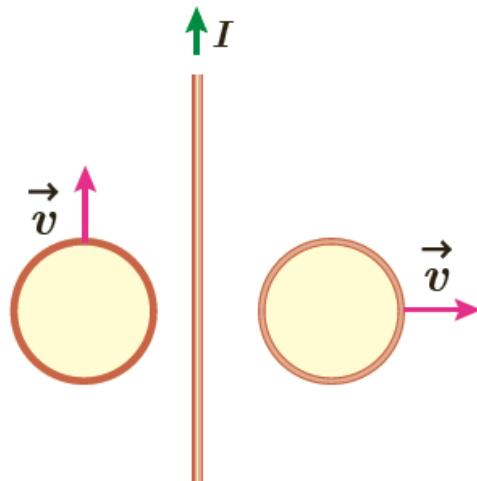
۱۰- اگر در مدار شکل زیر مقاومت رُوستا افزایش یابد، جریان القایی در حلقه رسانای داخلی در چه جهتی ایجاد می شود؟



با افزایش مقاومت رُوستا، جریان عبوری از مدار کاهش می یابد و در نتیجه شار عبوری از حلقه رسانا نیز کاهش می یابد. با توجه به جهت جریان و میدان مغناطیسی ناشی از مدار، جریان القایی در جهت پاد ساعتگرد در حلقه رسانا به وجود می آید.

پرسش ها و مسئله های فصل ۴:

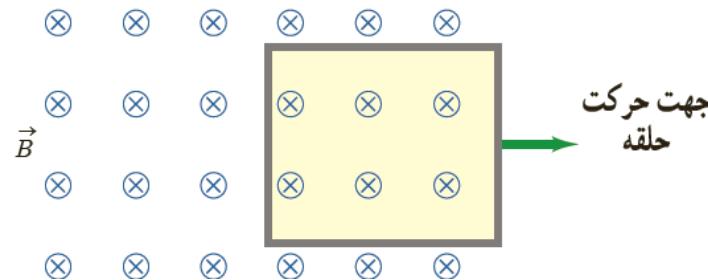
۱۱- دو حلقه رسانا در نزدیکی یک سیم دراز حامل جریان ثابت I قرار دارند؛ این دو حلقه با تندا یکسان، ولی در جهت های متفاوت مطابق شکل زیر حرکت می کنند. جهت جریان القایی را در هر حلقه با ذکر دلیل تعیین کنید.



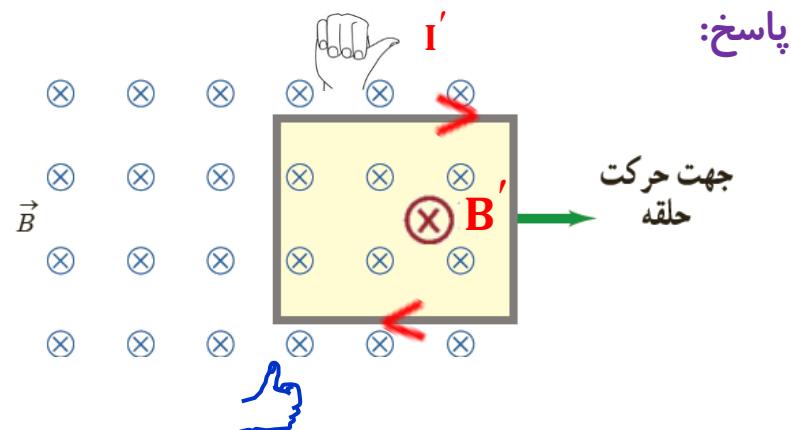
در حلقه سمت چپ، چون به موازات سیم دراز حامل جریان ثابت I حرکت می کند، جریانی القا نمی شود. شار عبوری از حلقه در هر لحظه از زمان ثابت است و تغییری نمی کند. در حلقه سمت راست، جریان در جهت ساعتگرد القا می شود تا کاهش شار عبوری از آن جبران شود.

پرسش ها و مسئله های فصل ۴:

۱۲- حلقه رسانای مستطیل شکل زیر به طرف راست می کشیم و از میدان مغناطیسی درون سویی خارج می کنیم. جهت جریان القایی در حلقه



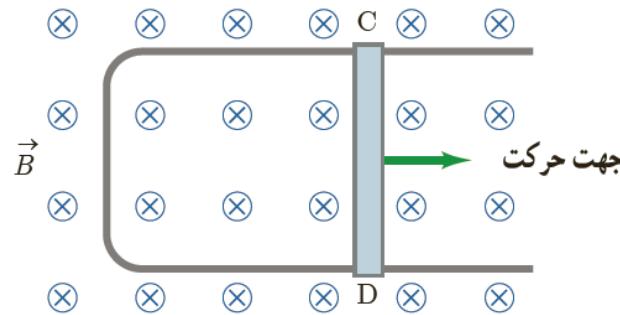
در چه جهتی است؟



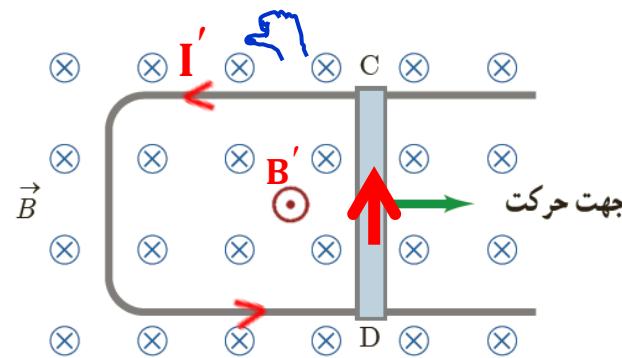
با خروج قاب میدان مغناطیسی و شار عبوری از آن کاهش می یابد و طبق قانون لنز برای مخالفت با تغییر شار، B' القا شده در مرکز قاب هم جهت با B و جریان القایی ساعتگرد است.

پرسش ها و مسئله های فصل ۴:

۱۳- شکل زیر رسانای لاشکلی را درون میدان مغناطیسی یکنواخت B که عمود بر صفحه شکل و رو به داخل صفحه است نشان می دهد. وقتی میله فلزی CD به طرف راست حرکت کند، جهت جریان القایی در مدار در چه جهتی است؟



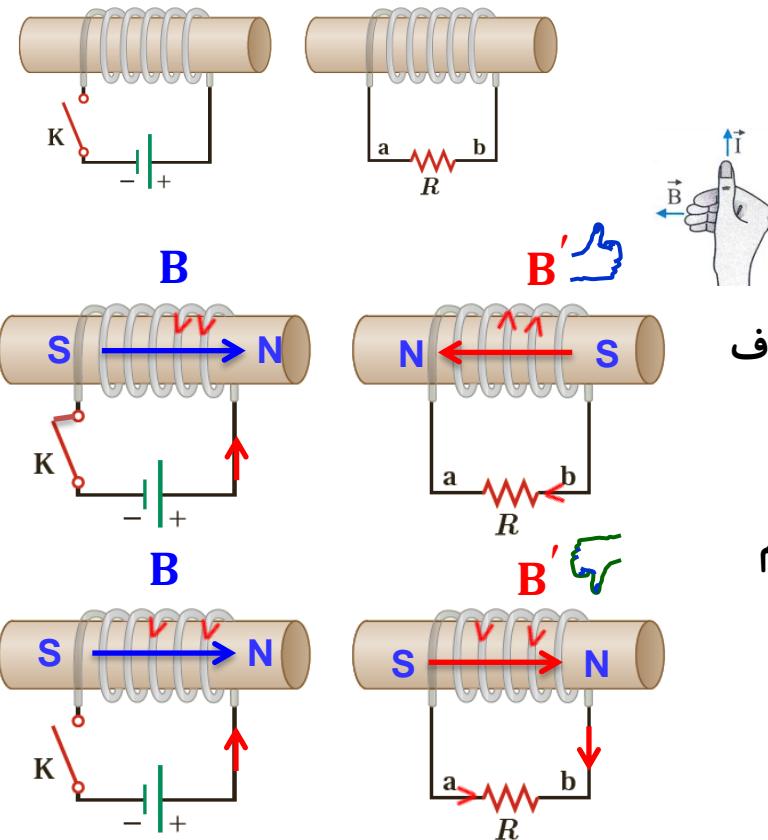
پاسخ:



با حرکت میله فلزی به سمت راست میدان عبوری از مساحت قاب افزایش و شار افزایش می یابد طبق قانون لنز برای مخالفت با افزایش شار جریان پاد ساعتگرد در قاب ایجاد می شود.

پرسش ها و مسئله های فصل ۴:

۱۴- در مدار نشان داده شده در شکل زیر، جهت جریان القایی را در مقاومت R در هریک از دو حالت زیر با ذکر دلیل پیدا کنید:
 الف) در لحظه بستن کلید K ، ب) در لحظه باز کردن کلید.



پاسخ:

الف- با بستن کلید شارمغناطیسی افزایش می یابد میدان سیم لوله ها خلاف جهت هم می شود. در نتیجه جریان در مقاومت R از a به b می باشد

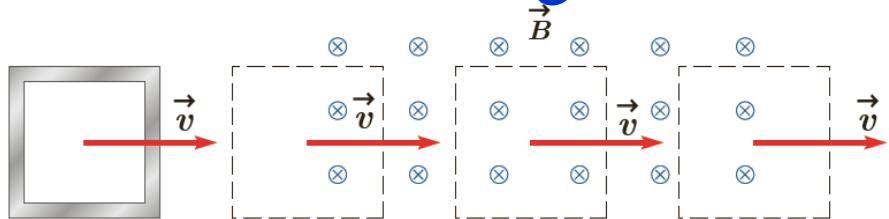
ب- با باز کردن کلید شارمغناطیسی کاهش می یابد میدان سیم لوله ها هم جهت هم می شود. در نتیجه جریان در مقاومت R از b به a می باشد

پرسش ها و مسئله های فصل ۴:

۱۵- حلقه رسانای مربعی شکل، به طول ضلع ۰.۰ CM اوارد میدان مغناطیسی درون سویی به اندازه ۲۰ mT و سپس از آن خارج می شود. (الف) در کدام مرحله شار عبوری از حلقه بیشینه است؟ مقدار شار گذرنده از حلقه در این حالت چقدر است؟

ب) در کدام وضعیت ها شار گذرنده از حلقه تغییر می کند؟ جهت جریان القایی را در حلقه تعیین کنید.

پاسخ:

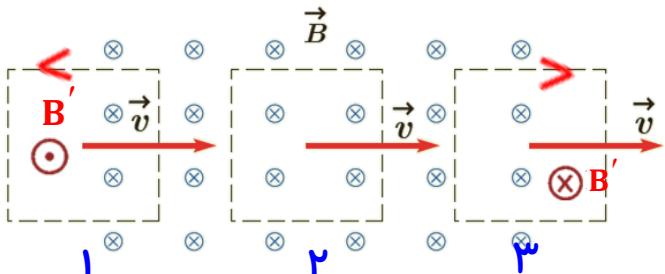


$$\left. \begin{array}{l} a = 1 \cdot 10^{-1} \text{ m} \\ A = a^2 \end{array} \right\} \rightarrow A = 1 \cdot 10^{-2} \text{ m}^2$$

(الف) در ۲ بیشترین شار مغناطیسی از حلقه می گذرد.

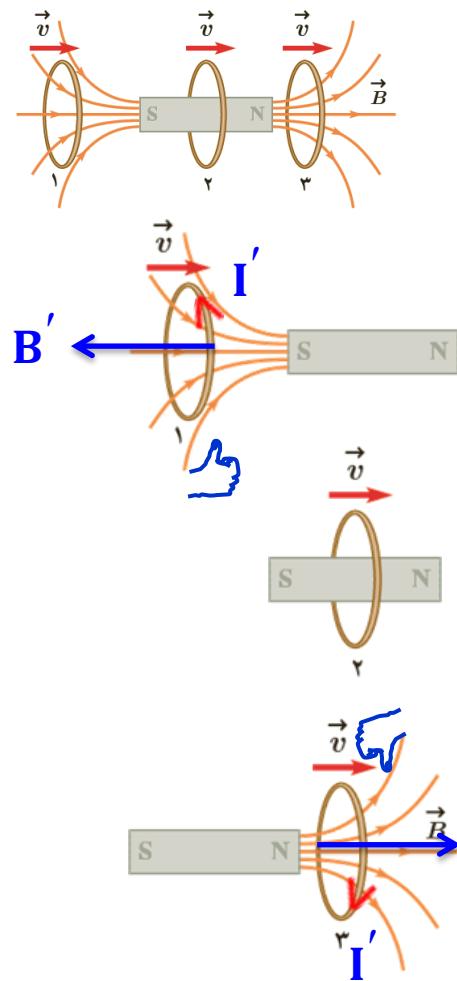
$$\left. \begin{array}{l} B = 2 \cdot \text{mT} \\ \phi = BA \cos \theta \end{array} \right\} \rightarrow \phi_{\max} = 2 \times 1 \cdot 10^{-3} \times 1 \cdot 10^{-2} \cos 0^\circ \rightarrow \phi_{\max} = 2 \times 1 \cdot 10^{-5} \text{ wb}$$

(ب) در شکل ۱ و ۳ هنگام ورود و خروج قاب به میدان مغناطیسی شار مغناطیسی تغییر می کند. طبق قاعده دست راست و قانون لنز جهت جریان القایی در شکل ۱ پاد ساعتگرد و در شکل ۳ ساعتگرد است.



پرسش ها و مسئله های فصل ۴:

۱۶- حلقه رسانایی به طرف یک آهنربای میله ای حرکت می کند. شکل زیر، حلقه را در سه وضعیت نسبت به آهنربا نشان می دهد. جهت جریان القایی را در حلقه برای هر وضعیت به طور جداگانه تعیین کنید.



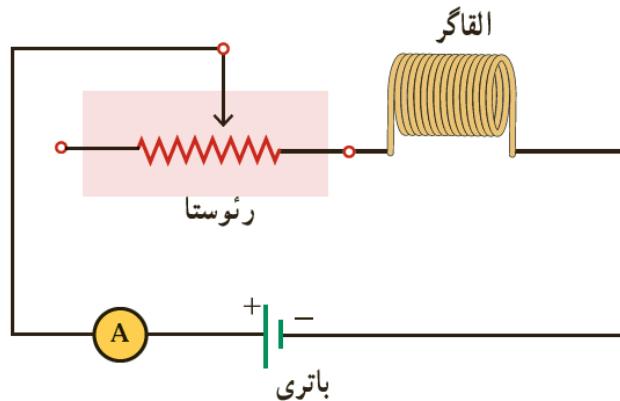
حالت ۱- بانزدیک شدن حلقه به آهن ربا شار مغناطیسی افزایش می یابد در نتیجه میدان مغناطیسی حلقه خلاف جهت میدان آهن ربا است بنابر این جریان مطابق شکل است.

حالت ۲- تغییرات شار مغناطیسی در این حالت نداریم، بنابر این جریان هم در حلقه القاء نمی شود.

حالت ۳- بادور شدن حلقه از آهن ربا شار مغناطیسی کاهش می یابد در نتیجه میدان مغناطیسی حلقه هم جهت میدان آهن ربا است بنابر این مطابق شکل است

پرسش ها و مسئله های فصل ۴:

۱۷- شکل زیر مداری را نشان می دهد؛ شامل یک القاگر (سیم‌لوه) با تری، رئوستا و آمپرسنج که به طور متوالی به یکدیگر بسته شده اند. اگر بخواهیم بدون تغییر ولتاژ با تری، انرژی ذخیره شده در القاگر را زیاد کنیم چه راهی پیشنهاد می کنید؟



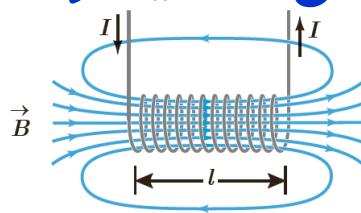
پاسخ:

انرژی ذخیره شده در القاگر از رابطه $\frac{1}{2}LI^2$ به دست می آید. با کاهش مقاومت رئوستا، جریان عبوری از مدار و در نتیجه القاگر افزایش می یابد. در این صورت انرژی بیشتری در القاگر ذخیره می شود. با قراردادن یک هسته فرومغناطیسی نرم درون القاگر (سیم‌لوه)، ضریب خودالقایی آن افزایش می یابد و در نتیجه انرژی بیشتری در القاگر ذخیره می شود.

پرسش ها و مسئله های فصل ۴:

۱۸- مساحت هر حلقه و طول سیم‌لوله شکل زیر به ترتیب $8 \cdot 10^{-3} \text{ cm}^2$ و $2 \cdot 10^{-2} \text{ cm}$ است. اگر این سیم‌لوله از ۱۰۰۰ حلقه نزدیک به هم تشکیل شده باشد، الف) ضریب خودالقایی آن را پیدا کنید. ب) چه جریانی از سیم‌لوله بگذرد تا در میدان مغناطیسی آن $L/4$. انرژی ذخیره شود؟

پاسخ:



$$A = 2 \cdot 10^{-3} \text{ m}^2$$

$$l = 8 \cdot 10^{-2} \text{ m}$$

$$N = 1000$$

$$K = 1$$

$$L = ?$$

$$I = ?$$

$$U = . / 4 \text{ J}$$

$$\mu_0 = 4\pi \times 10^{-7} \frac{\text{Tm}}{\text{A}}$$

$$L = \frac{AK\mu_0 N^2}{l}$$

$$L = \frac{2 \times 10^{-3} \times 1 \times 4 \times 3 / 14 \times 10^{-7} \times (10^3)^2}{8 \times 10^{-1}}$$

$$L = 3 / 14 \times 10^{-3} \text{ H}$$

$$U_L = \frac{1}{2} L I^2 \rightarrow I^2 = \frac{2U_L}{L}$$

$$I^2 = \frac{2 \times . / 4}{3 / 14 \times 10^{-3}} \approx 255 \rightarrow I \approx 16 \text{ A}$$

پرسش ها و مسئله های فصل ۴:

۱۹- جریان متناوبی که بیشینه آن $A_2 = 2$ و دوره آن $T = 0.2$ است، از یک رسانای ۵ اهمی می گذرد. الف) اولین لحظه ای که در آن جریان بیشینه است چه لحظه ای است؟ در این لحظه نیروی محرکه القایی چقدر است؟ ب) در لحظه $t = \frac{1}{4\pi} s$ جریان چقدر است؟

پاسخ:

الف)

$$I_{max} = 2A$$

$$T = 0.2s$$

$$R = 5\Omega$$

$$t = ?$$

$$\varepsilon = ?$$

$$t = \frac{1}{4\pi} s$$

$$I = ?$$

$$I = I_m \sin \omega t \rightarrow I = 2 \sin \frac{2\pi}{0.2} t \rightarrow I = 2 \sin 10\pi t$$

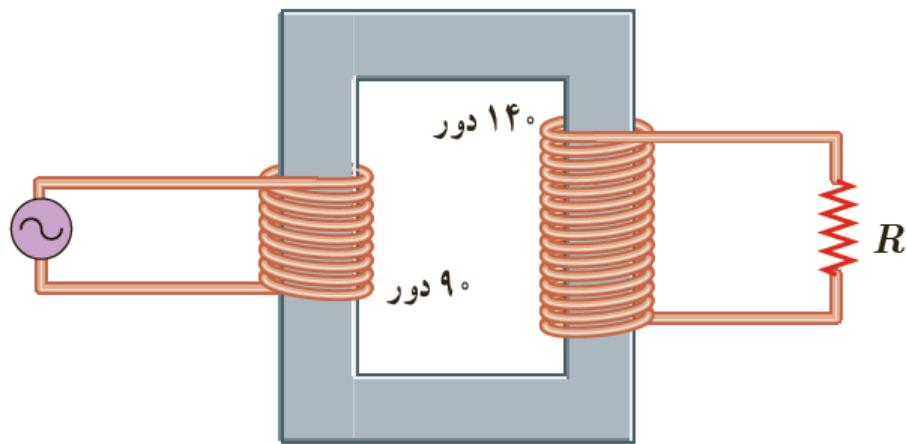
$$\left. \begin{array}{l} I = 2 \sin 10\pi t \\ I = 2A \end{array} \right\} 2 = 2 \sin 10\pi t \rightarrow \sin \frac{\pi}{5} = \sin 10\pi t \rightarrow t = \frac{1}{2\pi} s$$

$$\left. \begin{array}{l} \varepsilon = RI \\ \varepsilon = 1 \cdot \sin 10\pi t \end{array} \right\} t = \frac{1}{2\pi} s \quad \varepsilon = 1 \cdot \sin \frac{10\pi}{2\pi} \rightarrow \varepsilon = 1 \cdot V$$

$$\left. \begin{array}{l} I = 2 \sin 10\pi t \\ t = \frac{1}{2\pi} s \end{array} \right\} I = 2 \sin \frac{10\pi}{2\pi} \rightarrow I = 2 \sin \frac{\pi}{2} = 2 \times \frac{\sqrt{2}}{2} = \sqrt{2} A$$

پرسش ها و مسئله های فصل ۴:

۷۰- در مبدل آرمانی شکل زیر، اگر بیشینه ولتاژ دوسر مقاومت R برابر باشد، بیشینه ولتاژ مولد چقدر است؟



$$V_2 = \gamma V$$

$$N_2 = 140 \text{ V}$$

$$N_1 = 90$$

$$V_1 = ?$$

$$\frac{V_2}{V_1} = \frac{N_2}{N_1}$$

$$\frac{\gamma}{V_1} = \frac{140}{90}$$

$$V_1 = 4/5 \text{ v}$$

پاسخ: