

بسمه تعالیٰ

سید علی موسوی

سوالات و پاسخ نامه درس ریاضی گروه آزمایشی علوم تجربی خارج از کشور سال ۱۳۹۸

- ۱۲۶- اگر $\frac{\tan x}{\sqrt{1+\tan^2 x}} \left(\frac{1}{\sin x} - \sin x \right)$ باشد، حاصل عبارت () کدام است؟
- (۱) $-\cos^2 x$ (۲) $-\cos x$ (۳) $\cos^2 x$ (۴) $\cos x$

گزینه ۱

$$\sqrt{1+\tan^2 x} = \sqrt{\frac{1}{\cos^2 x}} = \frac{1}{|\cos x|} \xrightarrow[\text{II}]{\frac{\pi}{2} < x < \pi} \frac{1}{-\cos x}$$

$$\frac{\sin x}{\frac{\cos x}{1}} \left(\frac{1 - \sin^2 x}{\sin x} \right) = -\sin x \left(\frac{\cos^2 x}{\sin x} \right) = -\cos^2 x$$

$$-\cos x$$

- ۱۲۷- پرنده‌ای فاصلهٔ یک کیلومتر را در جهت موافق باد رفته و در جهت مخالف باد برگشته است. اگر سرعت باد ۵ کیلومتر در ساعت و مدت رفت و برگشت ۹ دقیقه باشد، سرعت پرنده در هوای آرام، چند کیلومتر در ساعت است؟

- (۱) ۱۲ (۲) ۱۲/۵ (۳) ۱۳/۵ (۴) ۱۵

گزینه ۴

$$v_1 = v + \Delta \quad v_2 = v - \Delta \quad t_1 + t_2 = 9' = \frac{9}{60} h = \frac{3}{20} h$$

$$\frac{1}{v+\Delta} + \frac{1}{v-\Delta} = \frac{3}{20} \longrightarrow \frac{v - \cancel{\Delta} + v + \cancel{\Delta}}{v^2 - 2\Delta} = \frac{3}{20} \longrightarrow \frac{2v}{v^2 - 2\Delta} = \frac{3}{20}$$

$$3v^2 - 40v - 75 = 0 \xrightarrow[b=-40]{b'= -20} \Delta' = (-20)^2 - (3)(-75) = 400 + 225 = 625$$

$$v = \frac{20+25}{3} = \frac{45}{3} = 15 \quad v = \frac{20-25}{3} = \frac{-5}{3}$$

ولی بهتر است برای حل معادله گویا، از گزینه‌ها استفاده می‌کردیم.

- ۱۲۸- مجموعه جواب نامعادله $\frac{7x-8}{x^2-x-2} > \frac{x}{x-2}$ ، به صورت بازه، کدام است؟

- (۱) $(-4, 2) \cup (2, 1)$ (۲) $(2, 4)$ (۳) $(-1, 2) \cup (2, 4)$

گزینه ۳

$$\frac{7x-8}{(x-2)(x+1)} - \frac{x}{(x-2)} > 0 \longrightarrow \frac{7x-8-x^2-x}{(x-2)(x+1)} > 0 \longrightarrow \frac{-x^2+6x-8}{(x-2)(x+1)} > 0$$

$$\frac{-(x^2-6x+8)}{(x-2)(x+1)} > 0 \longrightarrow \frac{(x-2)(x-4)}{(x-2)(x+1)} < 0 \xrightarrow{x \neq 2} \frac{x-4}{x+1} < 0 \longrightarrow (-1, 4) - \{2\}$$

بسمه تعالیٰ

سید علی موسوی

سوالات و پاسخ نامه درس ریاضی گروه آزمایشی علوم تجربی خارج از کشور سال ۱۳۹۸

- ۱۲۹ از هر ۵ مدرسه نمونه، ۴ نفر در اردوبی شرکت دارند. به چند طریق می‌توان از بین آنان ۳ نفر انتخاب کرد، به طوری که هیچ دو نفر انتخاب شده، از یک مدرسه نباشند؟

۶۴۰ (۴)

۳۲۰ (۳)

۲۷۰ (۲)

۱۳۵ (۱)

گزینه ۴

$$\binom{5}{3} \times 4 \times 4 \times 4 = \frac{5 \times 4}{2 \times 1} \times 64 = 640$$

- ۱۳۰ - اگر $1 - 2a + \sqrt{3a + 16} = 1$ باشد، عدد $4a + 9$ ، کدام است؟

۲۱ (۴)

۱۵ (۳)

۶ (۲)

۴ (۱)

گزینه ۱

$$1 - 2a = \sqrt{3a + 16} \rightarrow \begin{cases} 1 - 2a \geq 0 \rightarrow a \leq \frac{1}{2} \\ 3a + 16 \geq 0 \rightarrow a \geq -\frac{16}{3} \end{cases} \cap \left[-\frac{16}{3}, \frac{1}{2} \right]$$

$$\overbrace{1 - 4a + 4a^2}^{=} = 3a + 16 \rightarrow 4a^2 - 7a - 15 = 0$$

$$\frac{16a^2 - 7(4a) - 60}{4} = 0 \rightarrow \frac{(4a - 12)(4a + 5)}{4} = 0 \rightarrow \frac{4(a - 3)(4a + 5)}{4} = 0 \rightarrow \begin{cases} a = 3 \\ a = -\frac{5}{4} \end{cases}$$

$$4a + 9 = 4\left(-\frac{5}{4}\right) + 9 = -5 + 9 = 4$$

- ۱۳۱ در مثلث ABC، اضلاع AB = ۴ و AC = ۶ و BC = ۷ است. از رأس C خطی موازی میانه AM رسم شده و امتداد BA را در نقطه D قطع کرده است. اندازه BD، کدام است؟

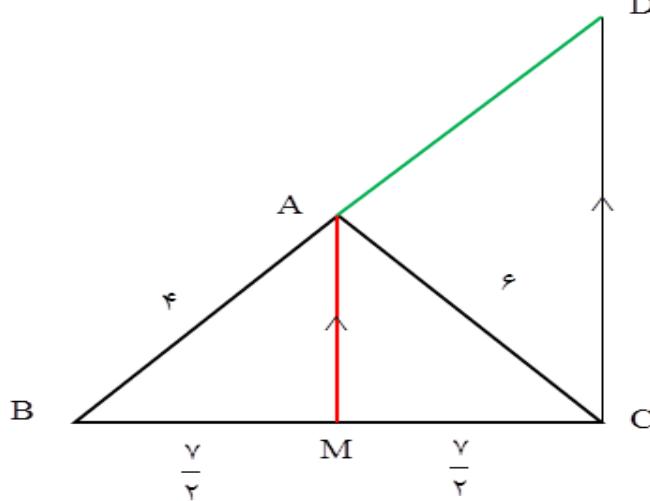
۹ (۴)

۸/۵ (۳)

۸ (۲)

۷/۵ (۱)

گزینه ۲



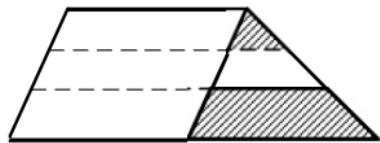
$$AM \parallel DC \rightarrow \frac{BM}{BC} = \frac{BA}{BD} = \frac{AM}{DC}$$

$$\frac{7}{2} = \frac{4}{BD} \rightarrow \frac{1}{2} = \frac{4}{BD} \rightarrow BD = 8$$

بسمه تعالیٰ

سوالات و پاسخ نامه درس ریاضی گروه آزمایشی علوم تجربی خارج از کشور سال ۱۳۹۸ سید علی موسوی

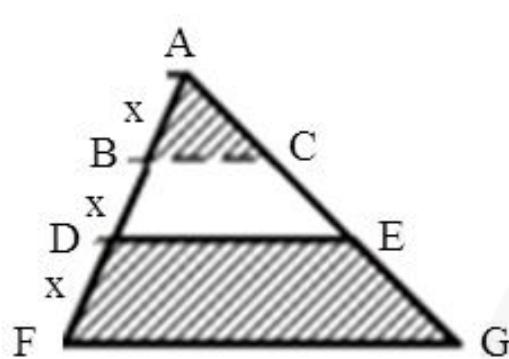
۱۳۲- یک ساق ذوزنقه به سه قسمت مساوی تقسیم شده است. هر چهار پاره خط موازی یکدیگرند. نسبت مساحت دو ناحیه سایه‌زده، کدام است؟



- $\frac{1}{5}$ (۲)
 $\frac{1}{4}$ (۴)

- $\frac{1}{6}$ (۱)
 $\frac{2}{9}$ (۳)

گزینه ۲



$$\frac{AB}{AD} = \frac{BC}{DE} \rightarrow \frac{x}{2x} = \frac{BC}{DE} \rightarrow DE = 2BC$$

$$\frac{AB}{AF} = \frac{BC}{FG} \rightarrow \frac{x}{3x} = \frac{BC}{FG} \rightarrow FG = 3BC$$

$$S_1 = \frac{1}{2} \times BC \times h$$

$$S_1 = \frac{1}{2} \times (DE + FG) \times h = \frac{1}{2} \times 5BC \times h$$

$$\frac{S_1}{S_2} = \frac{1}{5}$$

۱۳۳- در مستطیل ABCD به طول $AB = ۱۷$ ، از نقطه A عمود AH بر قدر $BH = ۱۵$ رسم شده است. اگر $BH = ۱۵$ باشد، طول قطر مستطیل از عدد ۱۹، چقدر بیشتر است؟

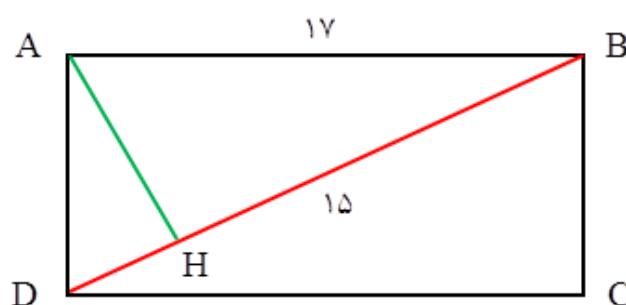
- $\frac{3}{5}$ (۴)

- $\frac{7}{15}$ (۳)

- $\frac{1}{3}$ (۲)

- $\frac{4}{15}$ (۱)

گزینه ۱



$$AB^2 = BH \times BD$$

$$17^2 = 15 \times BD$$

$$BD = \frac{289}{15}$$

$$\frac{289}{15} - 19 = \frac{289 - 285}{15} = \frac{4}{15}$$

بسمه تعالیٰ

سوالات و پاسخ نامه درس ریاضی گروه آزمایشی علوم تجربی خارج از کشور سال ۱۳۹۸ سید علی موسوی

۱۳۴ - اگر $\tan \alpha = \frac{4}{3}$ و انتهای کمان α در ربع سوم باشد، حاصل عبارت زیر کدام است؟

$$\sin\left(\frac{9\pi}{2} + \alpha\right) \cos\left(\frac{7\pi}{2} - \alpha\right) - \tan\left(\alpha - \frac{3\pi}{2}\right)$$

۰/۴۸ (۴)

۰/۲۷ (۳)

-۰/۵۲ (۲)

-۱/۲۳ (۱)

گزینه ۳

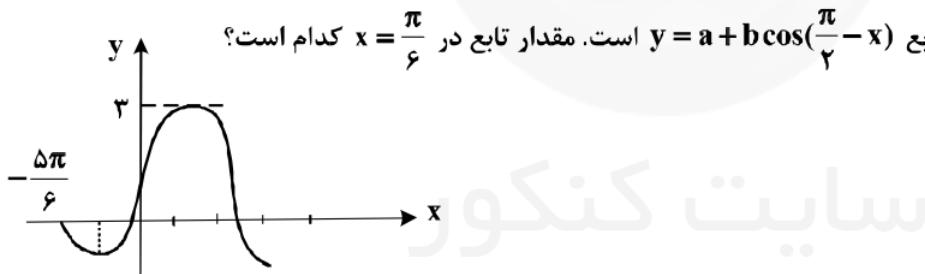
$$\sin\left(\frac{9\pi}{2} + \alpha\right) = \sin\left(4\pi + \frac{\pi}{2} + \alpha\right) = \sin\left(\frac{\pi}{2} + \alpha\right) = \cos \alpha$$

$$\cos\left(\frac{7\pi}{2} - \alpha\right) = \cos\left(3\pi + \frac{\pi}{2} - \alpha\right) = -\cos\left(\frac{\pi}{2} - \alpha\right) = -\sin \alpha$$

$$\tan\left(\alpha - \frac{3\pi}{2}\right) = -\tan\left(\frac{3\pi}{2} - \alpha\right) = -\cot \alpha$$

$$A = -\sin \alpha \cdot \cos \alpha + \cot \alpha = -\frac{1}{2} \sin 2\alpha + \cot \alpha = -\frac{1}{2} \times \frac{-\tan \alpha}{1 + \tan^2 \alpha} + \cot \alpha$$

$$A = \frac{-\tan \alpha}{1 + \tan^2 \alpha} + \cot \alpha = \frac{-12}{25} + \frac{3}{4} = \frac{-48 + 75}{100} = \frac{27}{100}$$



۱۳۵ - شکل رو به رو، قسمتی از نمودار تابع $y = a + b \cos\left(\frac{\pi}{6} - x\right)$ است. مقدار تابع در $x = \frac{\pi}{6}$ کدام است؟

۱/۵ (۱)

۲ (۲)

۲/۵ (۳)

 $1 + \sqrt{3}$ (۴)

گزینه ۲

$$y = b \cos\left(\frac{\pi}{6} - x\right) + a \longrightarrow y = b \sin x + a$$

$$\max = |b| + a \xrightarrow{b > 0} a + b = 3$$

$$\left| -\frac{5\pi}{6} \longrightarrow = b \sin\left(-\frac{5\pi}{6}\right) + a \longrightarrow -b \sin\left(\frac{5\pi}{6}\right) + a = \right. \longrightarrow -b \sin\left(\pi - \frac{\pi}{6}\right) + a = \right.$$

$$-b \sin\left(\frac{\pi}{6}\right) + a = \longrightarrow \frac{-b}{2} + a = \longrightarrow [2a - b = 0] \quad a = 1, \quad b = 2$$

$$y = 2 \sin x + 1 \longrightarrow f\left(\frac{\pi}{6}\right) = 2 \sin\left(\frac{\pi}{6}\right) + 1 = 2\left(\frac{1}{2}\right) + 1 = 1 + 1 = 2$$

بسمه تعالیٰ

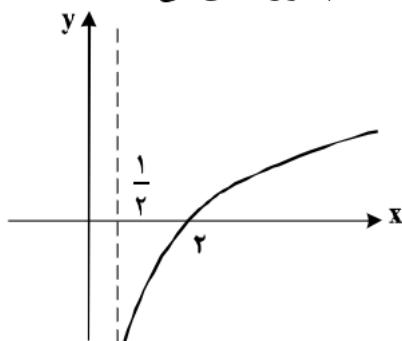
سوالات و پاسخ نامه درس ریاضی گروه آزمایشی علوم تجربی خارج از کشور سال ۱۳۹۸

 $\frac{2}{3}$ (۴) $\frac{1}{2}$ (۳) $\frac{1}{3}$ (۲) $\frac{1}{4}$ (۱)

گزینه ۳

$$3^{x^2-2} = 3^{4x} \longrightarrow x^2 - 4x - 2 = 0 \xrightarrow{\Delta=24} \begin{cases} x_1 = \frac{4+2\sqrt{6}}{2} = 2+\sqrt{6} \\ x_2 = \frac{4-2\sqrt{6}}{2} = 2-\sqrt{6} \end{cases}$$

$$\log_6(x-2) = \log_6(2+\sqrt{6}-2) = \log_6 \sqrt{6} = \frac{1}{2}$$

۱۳۷ - شکل زیر، نمودار تابع $y = -1 + \log_b(2x+1)$ است. این منحنی خط $y = 1$ را با کدام طول، قطع می‌کند؟

- ۴ (۱)
۵ (۲)
۶ (۳)
۷ (۴)

گزینه ۲

با توجه به مجانب قائم تابع $x = \frac{1}{2}$ و طول از مبدأ داریم:

$$x > \frac{1}{2} \longrightarrow 2x > 1 \longrightarrow \begin{cases} 2x - 1 > 0 \\ 2x + a > 0 \end{cases} \longrightarrow a = -1$$

$$y = -1 + \log_b(2x-1) \xrightarrow{(2,0)} = -1 + \log_b 3 \longrightarrow \log_b 3 = 1 \longrightarrow b = 3$$

$$\begin{cases} y = -1 + \log_3(2x-1) \\ y = 1 \end{cases} \longrightarrow 1 = -1 + \log_3(2x-1) \longrightarrow \log_3(2x-1) = 2$$

$$2x-1 = 9 \longrightarrow x = 5$$

بسمه تعالیٰ

سوالات و پاسخ نامه درس ریاضی گروه آزمایشی علوم تجربی خارج از کشور سال ۱۳۹۸ سید علی موسوی

۱۳۸ - تابع با ضابطه $f(x) = \begin{cases} \frac{x^2 - 4}{2|x-2|}; & x \neq 2 \\ 2; & x = 2 \end{cases}$ از نظر پیوستگی در $x = 2$, چگونه است؟

(۲) پیوسته

(۴) از راست پیوسته

(۱) از چپ پیوسته

(۳) از چپ ناپیوسته و از راست ناپیوسته

گزینه ۴

$$\lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{(x-2)(x+2)}{2(x-2)} = \lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{(x+2)}{2} = 2$$

$$\lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{(x-2)(x+2)}{-2(x+2)} = \lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{(x+2)}{-2} = -2$$

$$f(2) = 2 \quad f(2) = \lim_{x \rightarrow 2^+} f(x) = 2$$

۱۳۹ - احتمال موفقیت فردی، در یک آزمون مستقل، ۲ برابر احتمال موفقیت دوست وی است. احتمال موفقیت لااقل یکی از آن دو، $\frac{7}{9}$ است. احتمال موفقیت این فرد کدام است؟ $\frac{2}{3}$ (۴) $\frac{4}{9}$ (۳) $\frac{1}{3}$ (۲) $\frac{1}{6}$ (۱)

گزینه ۱

$$P(A) = 2x \quad P(B) = x$$

$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B) \longrightarrow \frac{7}{9} = \frac{2x}{2} + \frac{x}{2} - \left(\frac{2x}{2} \times \frac{x}{2}\right)$$

$$\frac{7}{9} = \frac{3x}{2} - \frac{2x^2}{4} \longrightarrow 9x^2 - 27x - 14 = 0 \longrightarrow \Delta = (-27)^2 - 4(9)(-14) = 9(81 - 56)$$

$$\Delta = 9 \times 25 \quad x_1 = \frac{27 + 15}{18} = \frac{42}{18} = \frac{7}{3} \quad x_2 = \frac{27 - 15}{18} = \frac{12}{18} = \frac{2}{3}$$

۱۴۰ - نمرات مهارت برای کارگر (A): ۱۶، ۱۵، ۱۴، ۱۳ و ۱۲ و برای کارگر (B): ۱۶/۵، ۱۵/۵، ۱۴/۵ و ۱۱/۵ بوده است. دقت

عمل کدام بیشتر است؟

(۴) اظهارنظر نمی‌توان کرد.

(۳) یکسان

B (۲)

A (۱)

گزینه ۱

$$A: \begin{cases} \bar{x} = 14 \\ \delta^2 = 2 \end{cases} \longrightarrow CV_1 = \frac{\delta}{\bar{x}} = \frac{\sqrt{2}}{14} = \frac{1/4}{14} = \frac{1}{10} = 0/1$$

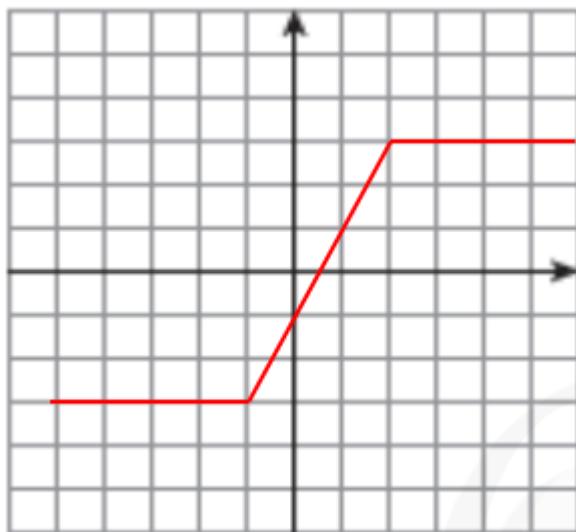
$$B: \begin{cases} \bar{y} = 14/5 \\ \delta^2 = 3/7 \end{cases} \longrightarrow CV_1 = \frac{\sqrt{3/7}}{14/5} = \frac{1/9}{14} = 0/106$$

بسمه تعالیٰ

سوالات و پاسخ نامه درس ریاضی گروه آزمایشی علوم تجربی خارج از کشور سال ۱۳۹۸ سید علی موسوی

- ۱۴۱ - تابع با ضابطه $f(x) = |x+1| - |x-2|$ در کدام بازه، اکیداً صعودی است؟
- (۲, +∞) (۴) (-1, 2) (۳) (-1, +∞) (۲) (-∞, 2) (۱)

گزینه ۳



$$f(x) = |x+1| - |x-2|$$

$$x = -1 \longrightarrow y = -3$$

$$x = 2 \longrightarrow y = 3$$

- ۱۴۲ - جواب کلی معادله مثلثاتی $\cos 3x + \cos x = 0$ ، با شرط $\cos x \neq 0$. کدام است؟

- $k\pi + \frac{\pi}{4}$ (۴) $k\pi - \frac{\pi}{4}$ (۳) $k\frac{\pi}{2} + \frac{\pi}{4}$ (۲) $\frac{k\pi}{2} - \frac{\pi}{3}$ (۱)

گزینه ۲

$$\cos 3x = -\cos x \longrightarrow \cos 3x = \cos(\pi - x) \longrightarrow \begin{cases} 3x = 2k\pi + (\pi - x) \\ 3x = 2k\pi - (\pi - x) \end{cases}$$

$$\begin{cases} 4x = 2k\pi + \pi \\ 2x = 2k\pi - \pi \end{cases} \longrightarrow \begin{cases} x = \frac{k\pi}{2} + \frac{\pi}{4} \\ x = k\pi - \frac{\pi}{2} \end{cases}$$

- ۱۴۳ - حد عبارت $\frac{2 - \sqrt[3]{3x+2}}{5x^2 - 18x + 16}$ ، وقتی $x \rightarrow 2$ ، کدام است؟

- $-\frac{1}{8}$ (۴) $-\frac{1}{6}$ (۳) $-\frac{1}{4}$ (۲) $-\frac{1}{3}$ (۱)

گزینه ۴

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{\cancel{x} \sqrt[3]{(3x+2)^2}}{10x - 18} = \frac{-1}{2} = -\frac{1}{8}$$

بسمه تعالیٰ

سوالات و پاسخ نامه درس ریاضی گروه آزمایشی علوم تجربی خارج از کشور سال ۱۳۹۸

۱۴۴ - در مورد تابع با ضابطه $f(x) = \frac{\sin x}{1+2\cos x}$ ، کدام بیان، درست است؟

$$\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{3}^+} f(x) = +\infty \quad (2)$$

$$\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{3}^-} f(x) = +\infty \quad (4)$$

$$\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{3}^+} f(x) = -\infty \quad (1)$$

$$\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{3}^-} f(x) = -\infty \quad (3)$$

گزینه ۱

$$x \rightarrow \frac{\pi}{3}^+ \longrightarrow \cos x < -\frac{1}{2}$$

$$\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{3}^+} \frac{\sin x}{1+2\cos x} = \frac{\frac{\sqrt{3}}{2}}{1+(-1)^-} = \frac{\frac{\sqrt{3}}{2}}{0^-} = -\infty$$

۳ (۴)

۲ (۳)

-۱ (۲)

-۲ (۱)

گزینه ۴

۱۴۵ - اگر $f(x) = x - \sqrt{4x^2 + x}$ باشد، حاصل $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{f(x)}{x}$ ، کدام است؟

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x - \sqrt{4x^2 + x}}{x} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x - 2|x|}{x} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x + 2x}{x} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{3x}{x} = 3$$

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

گزینه ۳

۱۴۶ - در تابع با ضابطه $f(x) = \frac{-x-1}{\sqrt{x}}$ ، کدام حاصل است؟

$$f'(x) = \frac{-1(\sqrt{x}) - \frac{1}{2\sqrt{x}}(-x-1)}{x} \longrightarrow f'\left(\frac{1}{4}\right) = \frac{-\frac{1}{2} - \frac{1}{2}(-\frac{1}{4}-1)}{\frac{1}{4}} = \frac{\frac{3}{4}}{\frac{1}{4}} = 3$$

بسمه تعالیٰ

سوالات و پاسخ نامه درس ریاضی گروه آزمایشی علوم تجربی خارج از کشور سال ۱۳۹۸ سید علی موسوی

۱۴۷ - در تابع با ضابطه $f(x) = \begin{cases} \frac{\lambda}{ax+b} & ; x > 2 \\ -x^3 + 6x & ; x \leq 2 \end{cases}$ کدام است؟

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

گزینه ۳

I) $\left\{ \begin{array}{l} f(2) = \lim_{x \rightarrow 2^-} f(x) = -\lambda + 12 = 4 \\ \lim_{x \rightarrow 2^+} f(x) = \frac{\lambda}{2a+b} \end{array} \right. \longrightarrow \frac{\lambda}{2a+b} = 4 \longrightarrow 2a+b=2$

II) $f'(x) = \begin{cases} \frac{-\lambda a}{(ax+b)^2} & \longrightarrow f'_+(2) = \frac{-\lambda a}{(2a+b)^2} \\ -3x^2 + 6 & \longrightarrow f'_-(2) = -12 + 6 = -6 \end{cases} \longrightarrow \frac{-\lambda^2 a}{(2a+b)^2} = -6 \longrightarrow a=3$

۱۴۸ - مشتق تابع $f(x) = x \sqrt[3]{\frac{3x+1}{x+2}}$ در نقطه $x=-3$ ، کدام است؟

۳ (۳)

۴ (۴)

۳ (۲)

۲ (۱)

گزینه ۲

$u = \frac{3x+1}{x+2} \longrightarrow u(-3) = 5 \quad u' = \frac{6-1}{(x+2)^2} = \frac{5}{(x+2)^2} \longrightarrow u'(-3) = 5$

$f(x) = x \sqrt[3]{u} \longrightarrow f'(x) = \sqrt[3]{u} + x \times \frac{u'}{3\sqrt[3]{u^2}} \longrightarrow f'(-3) = \sqrt[3]{5} + (-3) \times \frac{5}{3\sqrt[3]{64}} = 5 - \frac{5}{4} = \frac{15}{4}$

۱۴۹ - در تابع با ضابطه $f(x) = \frac{4x-5}{x+1}$ و دامنه $[0, 8]$ ، خط مماس بر نمودار آن موازی پاره خطی است که ابتدا و انتهای

منحنی را به هم وصل کند، این خط مماس، محور y را با کدام عرض، قطع می‌کند؟

-۵ (۴)

-۱ (۳)

-۱/۵ (۲)

-۲ (۱)

گزینه ۲

$f(x) = \frac{4x-5}{x+1} \longrightarrow f(0) = -5 \quad f(1) = 3 \quad m = \frac{3 - (-5)}{1 - 0} = 8$

$f'(x) = \frac{4 - (-5)}{(x+1)^2} = \frac{9}{(x+1)^2} \xrightarrow{m=1} \frac{9}{(x+1)^2} = 1$

$(x+1)^2 = 9 \longrightarrow x+1 = \pm 3 \begin{cases} x+1 = 3 \longrightarrow x = 2 \longrightarrow y = 1 \longrightarrow (2, 1) \\ x+1 = -3 \longrightarrow x = -4 \notin [0, 1] \end{cases}$

$y - 1 = 1(x - 2) \xrightarrow{x=0} y = -1$

بسمه تعالیٰ

سوالات و پاسخ نامه درس ریاضی گروه آزمایشی علوم تجربی خارج ازکشور سال ۱۳۹۸ سید علی موسوی

۱۵۰- در تابع با ضابطه $f(x) = x|x - 2x|$ ، فاصله دو نقطهٔ ماکسیمم نسبی و مینیمم نسبی آن، کدام است؟

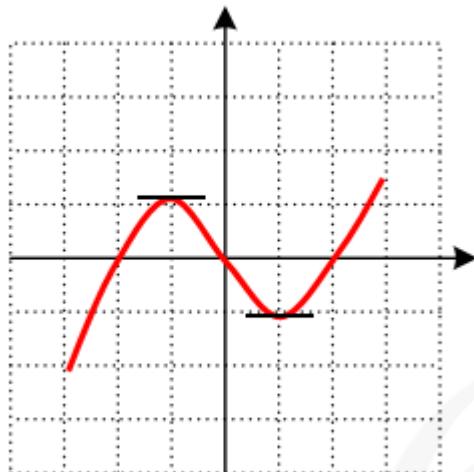
۴)

۳ $\sqrt{2}$

۳)

۲ $\sqrt{2}$)

گزینه ۱



$$f(x) = \begin{cases} x^2 - 2x & , x \geq 0 \\ -x^2 + 2x & , x < 0 \end{cases}$$

$$\max = (-1, 1)$$

$$\min = (1, -1)$$

$$d = \sqrt{4+4} = \sqrt{8} = 2\sqrt{2}$$

۱۵۱- بیشترین مساحت مستطیلی که یک ضلع آن بر قطر نیم دایره به شعاع ۶ واحد و دو رأس دیگر آن روی این نیم دایره باشد، کدام است؟

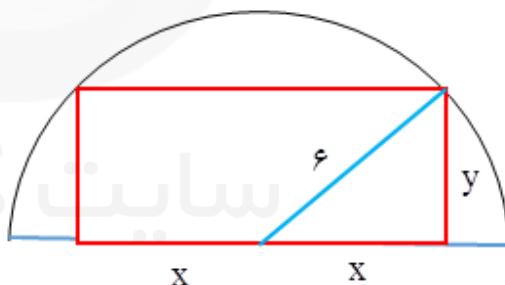
۳۶(۴)

۲۷(۳)

۲۴(۲)

۱۸)

گزینه ۴



$$x^2 + y^2 = 36 \rightarrow y^2 = 36 - x^2 \rightarrow y = \sqrt{36 - x^2}$$

$$S = 2xy \rightarrow S(x) = 2x \times \sqrt{36 - x^2} \rightarrow S'(x) = 2\sqrt{36 - x^2} + 2x \times \frac{-x}{\sqrt{36 - x^2}}$$

$$S'(x) = 2\sqrt{36 - x^2} - \frac{2x^2}{\sqrt{36 - x^2}} \stackrel{S'(x)=0}{\rightarrow} 2\sqrt{36 - x^2} = \frac{2x^2}{\sqrt{36 - x^2}}$$

$$36 - x^2 = x^2 \rightarrow 2x^2 = 36 \rightarrow x^2 = 18 \rightarrow x = 2\sqrt{3}$$

$$\max = S(2\sqrt{3}) = 2 \times 2\sqrt{3} \times 2\sqrt{3} = 24$$

بسمه تعالیٰ

سوالات و پاسخ نامه درس ریاضی گروه آزمایشی علوم تجربی خارج از کشور سال ۱۳۹۸ سید علی موسوی

-۱۵۲ - نقطه A(-۱, ۴) مرکز یک دایره است که بر روی خط $2x - 3y + 1 = 0$ وتری به طول $2\sqrt{7}$ جدا می‌کند. این دایره خط $y = 2$ را با کدام طول قطع می‌کند؟

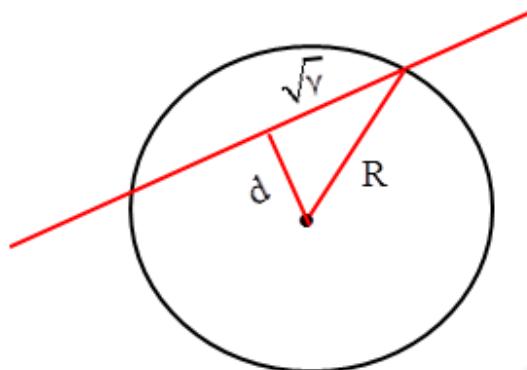
$$-1 \pm \sqrt{3} \quad (4)$$

$$-1 \pm \sqrt{2} \quad (3)$$

$$2, -4 \quad (2)$$

$$3, -5 \quad (1)$$

گزینه ۱



$$d = \frac{|-2 - 12 + 1|}{\sqrt{4 + 9}} = \frac{13}{\sqrt{13}} = \sqrt{13}$$

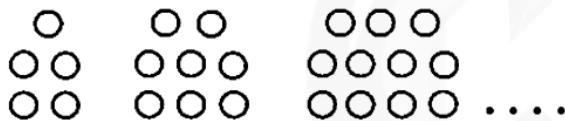
$$R^2 = (\sqrt{13})^2 + (\sqrt{7})^2 = 13 + 7 = 20$$

$$(x + 1)^2 + (y - 4)^2 = 20 \quad \xrightarrow{y=2}$$

$$(x + 1)^2 + 4 = 20 \longrightarrow (x + 1)^2 = 16$$

$$x + 1 = \pm 4 \longrightarrow \begin{cases} x = 3 \\ x = -5 \end{cases}$$

-۱۵۳ - در الگوی زیر، تعداد نقطه‌ها، در شکل دوازدهم، کدام است؟



۳۴ (۱)

۳۶ (۲)

۳۸ (۳)

۴۰ (۴)

گزینه ۳

$$5, 8, 11, \dots \xrightarrow{d=r} t_{12} = 5 + 11(3) = 5 + 33 = 38$$

-۱۵۴ - اگر $f(x) = \frac{2}{5}x - 4$ و $g(x) = x^3 + x$ باشند. مقدار $(g^{-1} \circ f^{-1})(8)$ کدام است؟

۳ (۴)

۲/۵ (۳)

۲ (۲)

۱/۵ (۱)

گزینه ۴

$$(g^{-1} \circ f^{-1})(8) = a \longrightarrow (f \circ g)^{-1}(8) = a \longrightarrow (f \circ g)(a) = 8$$

$$f(g(a)) = 8 \longrightarrow \frac{2}{5}g(a) - 4 = 8 \longrightarrow \frac{2}{5}g(a) = 12 \longrightarrow g(a) = 30$$

$$a^3 + a = 30 \longrightarrow a = 3$$

بسمه تعالیٰ

سوالات و پاسخ نامه درس ریاضی گروه آزمایشی علوم تجربی خارج ازکشور سال ۱۳۹۸ سید علی موسوی

۱۵۵- بهروز جهت مشارکت در یک مسابقه، از بین پرسش‌های ۵ بسته ریاضی، ۷ بسته تجربی و ۶ بسته علوم انسانی، به تصادف یک بسته اختیار کرده است. احتمال برنده شدن در هر بسته این دروس به ترتیب $\frac{7}{50}$ و $\frac{8}{50}$ و $\frac{9}{50}$ است. با کدام احتمال، بهروز برنده می‌شود؟

$$\frac{31}{36} \quad (4)$$

$$\frac{30}{36} \quad (3)$$

$$\frac{29}{36} \quad (2)$$

$$\frac{25}{36} \quad (1)$$

گزینه ۲

$$\frac{5}{18} \times \frac{7}{10} + \frac{7}{18} \times \frac{8}{10} + \frac{6}{18} \times \frac{9}{10} = \frac{35+56+54}{180} = \frac{145}{180} = \frac{29}{36}$$

(سید علی موسوی ۰۹۱۵۳۲۱۵۶۱۴)

دبیر ریاضی ناحیه ۴ مشهد

سایت کنکور

Konkur.in