

بسمه تعالی

سوالات و پاسخ نامه درس ریاضی گروه آزمایشی علوم تجربی داخل کشور سال ۱۳۹۸ سیّد علی موسوی

۱۲۶- اگر $\pi < x < \frac{3\pi}{2}$ باشد، حاصل $(\sqrt{1 + \tan^2 x} (2 \sin^2 \frac{\pi}{4} - \sin^2 x))$ کدام است؟

$-\cos x$ (۴)

$-\sin x$ (۳)

$\cos x$ (۲)

$\sin x$ (۱)

گزینه ۴

$$\sqrt{1 + \tan^2 x} (2 \sin^2 \frac{\pi}{4} - \sin^2 x) = -\frac{1}{\cos x} (1 - \sin^2 x) = -\frac{1}{\cos x} (\cos^2 x) = -\cos x$$

$$\sqrt{1 + \tan^2 x} = \sqrt{\frac{1}{\cos^2 x}} = \left| \frac{1}{\cos x} \right| \xrightarrow{\pi < x < \frac{3\pi}{2}} -\frac{1}{\cos x} \quad \sin^2 \frac{\pi}{4} = \left(\frac{\sqrt{2}}{2} \right)^2 = \frac{1}{2}$$

۱۲۷- سرعت یک قایق موتوری، در آب راکد ۱۰۰ متر در دقیقه است. این قایق فاصله ۱۲۰۰ متری در رودخانه را رفته و برگشته است. اختلاف زمان رفت و برگشت ۵ دقیقه است. سرعت آب رودخانه، چند متر در دقیقه است؟

۲۵ (۴)

۲۰ (۳)

۱۵ (۲)

۱۲ (۱)

گزینه ۳

$$\frac{1200}{100 - V} - \frac{1200}{100 + V} = 5 \rightarrow V = 20$$

۱۲۸- مجموعه جواب نامعادله $1 < \frac{2x-3}{x+1} < 3$ ، به کدام صورت است؟

$x < -6$ (۴)

$x > 4$ (۳)

$R - [-4, 6]$ (۲)

$R - [-6, 4]$ (۱)

گزینه ۱

روش تشریحی:

$$1 < \frac{2x-3}{x+1} < 3 \rightarrow \begin{cases} \frac{2x-3}{x+1} < 3 \rightarrow (-\infty, -6) \cup (-1, +\infty) \\ \frac{2x-3}{x+1} > 1 \rightarrow (-\infty, -1) \cup (4, +\infty) \end{cases} \xrightarrow{\cap} (-\infty, -6) \cup (4, +\infty)$$

$$\frac{2x-3}{x+1} - 3 < 0 \rightarrow \frac{-x-6}{x+1} < 0 \rightarrow (-\infty, -6) \cup (-1, +\infty)$$

$$\frac{2x-3}{x+1} - 1 > 0 \rightarrow \frac{x-4}{x+1} > 0 \rightarrow (-\infty, -1) \cup (4, +\infty)$$

روش دوم: عدد گذاری

بسمه تعالی

سوالات و پاسخ نامه درس ریاضی گروه آزمایشی علوم تجربی داخل کشور سال ۱۳۹۸ سید علی موسوی

۱۲۹- گل فروشی از ۸ نوع گل مختلف، به چند طریق، می تواند دسته گل های متمایز درست کند، به طوری که در هر دسته

۴ یا ۵ یا ۶ شاخه مختلف، موجود باشد؟

۱۶۸ (۴)

۱۵۴ (۳)

۱۴۰ (۲)

۱۲۶ (۱)

گزینه ۳

$$\binom{8}{4} + \binom{8}{5} + \binom{8}{6} = \frac{8 \times 7 \times 6 \times 5}{4 \times 3 \times 2 \times 1} + \frac{8 \times 7 \times 6}{3 \times 2 \times 1} + \frac{8 \times 7}{2 \times 1} = 70 + 56 + 28 = 154$$

۱۳۰- اگر $2a + \sqrt{2a^2 + 4a} = 2$ باشد، عدد $\frac{a+1}{a}$ ، کدام است؟

۴/۵ (۴)

۳/۵ (۳)

۲/۵ (۲)

۱/۵ (۱)

گزینه ۴

$$\sqrt{2a^2 + 4a} = 2 - 2a \rightarrow \begin{cases} 2a^2 + 4a \geq 0 \rightarrow (-\infty, -2] \cup [0, +\infty) \\ 2 - 2a \geq 0 \rightarrow a \leq \frac{2}{2} \rightarrow (-\infty, \frac{2}{2}] \end{cases} \rightarrow (-\infty, -2] \cup [0, \frac{2}{2}]$$

$$2a^2 + 4a = (2 - 2a)^2 \rightarrow 2a^2 - 16a + 4 = 0 \xrightarrow{\substack{b=-16 \\ b'=-8}} \Delta' = (-8)^2 - (2)(4) = 64 - 8 = 56$$

$$a = \frac{8 + \sqrt{56}}{2} = \frac{8 + 2\sqrt{14}}{2} = 4 + \sqrt{14}$$

$$a = \frac{8 - \sqrt{56}}{2} = \frac{8 - 2\sqrt{14}}{2} = 4 - \sqrt{14}$$

$$\frac{a+1}{a} = \frac{\frac{2}{2} + 1}{\frac{2}{2}} = \frac{\frac{4}{2}}{\frac{2}{2}} = \frac{2}{1} = 2$$

۱۳۱- در یک دوزنقه، پاره خطی که وسط های دو ساق را به هم وصل کند. مساحت آن را به نسبت های ۱ و ۲ تقسیم می کند.

نسبت قاعده های آن دوزنقه، کدام است؟

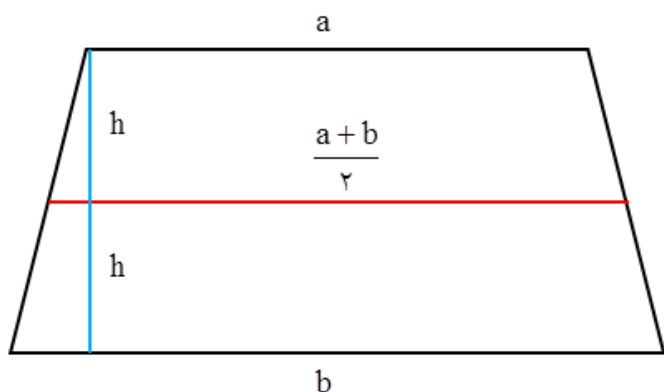
۲/۵ (۴)

۱/۴ (۳)

۱/۵ (۲)

۱/۶ (۱)

گزینه ۲



$$S = \frac{1}{2} \times (a + \frac{a+b}{2}) \times h = \frac{1}{2} \times (\frac{3a+b}{2}) \times h$$

$$S' = \frac{1}{2} \times (\frac{a+b}{2} + b) \times h = \frac{1}{2} \times (\frac{a+3b}{2}) \times h$$

$$\frac{S}{S'} = \frac{3a+b}{a+3b} = \frac{1}{2} \rightarrow \frac{a}{b} = \frac{1}{5}$$

بسمه تعالی

سوالات و پاسخ نامه درس ریاضی گروه آزمایشی علوم تجربی داخل کشور سال ۱۳۹۸ سیّد علی موسوی

۱۳۲- در مثلث قائم‌الزاویه ABC ، اضلاع قائم $AB = 3\sqrt{5}$ و $AC = 6$ ارتفاع AH و میانه AM رسم شده است.مساحت مثلث ABC ، چند برابر مساحت مثلث AMH است؟

۱۸ (۴)

۱۵ (۳)

۱۲ (۲)

۱۰ (۱)

گزینه ۴

نکته: در هر مثلث قائم‌الزاویه، میانه وارد بر وتر، نصف وتر است.

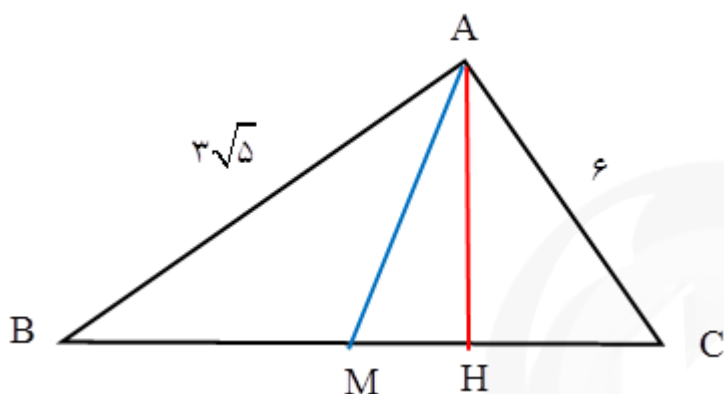
$$BC^2 = (3\sqrt{5})^2 + (6)^2 = 81 \rightarrow BC = 9$$

$$BM = CM = AM = \frac{9}{2}$$

$$S = \frac{1}{2} \times 6 \times 3\sqrt{5} = 9\sqrt{5}$$

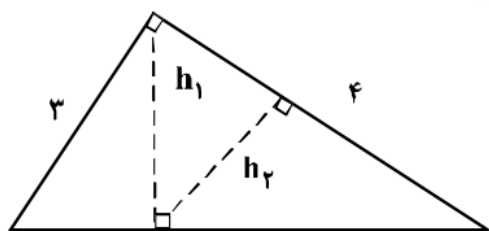
$$S = \frac{1}{2} \times AH \times BC$$

$$9\sqrt{5} = \frac{1}{2} \times AH \times 9 \rightarrow AH = 2\sqrt{5}$$



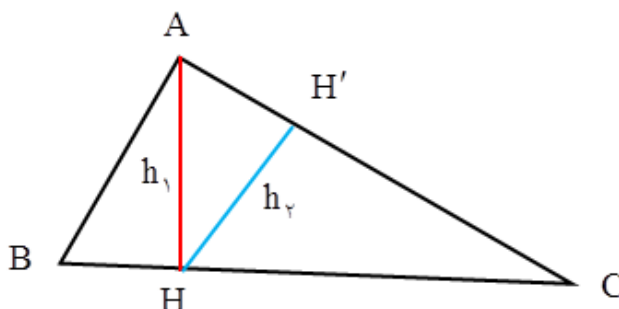
$$MH^2 + AH^2 = AM^2 \rightarrow MH^2 + 20 = \frac{81}{4} \rightarrow MH = \frac{1}{2}$$

$$S' = \frac{1}{2} \times 2\sqrt{5} \times \frac{1}{2} = \frac{\sqrt{5}}{2} \rightarrow \frac{S}{S'} = 18$$

۱۳۳- در شکل زیر، h_1 و h_2 ارتفاع‌های دو مثلث قائم‌الزاویه هستند. نسبت $\frac{h_2}{h_1}$ ، کدام است؟

Konkur.ir

 $\frac{4}{5}$ (۲)
 $\frac{3}{4}$ (۴)

 $\frac{3}{5}$ (۱)
 $\frac{2}{3}$ (۳)


$$BC^2 = 9 + 16 = 25 \longrightarrow BC = 5$$

$$AC^2 = BC \times CH \longrightarrow 16 = 5 \times CH \longrightarrow CH = \frac{16}{5}$$

$$\triangle ACH: \begin{cases} S = \frac{1}{2} \times AH \times CH \\ S = \frac{1}{2} \times AC \times HH' \end{cases} \longrightarrow AH \times CH = AC \times HH' \longrightarrow h_1 \times \frac{16}{5} = 4 \times h_2$$

$$\frac{h_1}{h_2} = \frac{16}{20} = \frac{4}{5}$$

۱۳۴- حاصل عبارت $\sin\left(\frac{17\pi}{3}\right)\cos\left(\frac{-17\pi}{6}\right) + \tan\left(\frac{19\pi}{4}\right)\sin\left(\frac{-11\pi}{6}\right)$ کدام است؟

$$-\frac{1}{2} \quad (2)$$

$$-\frac{1}{4} \quad (1)$$

$$\frac{1}{2} \quad (4)$$

$$\frac{1}{4} \quad (3)$$

گزینه ۳

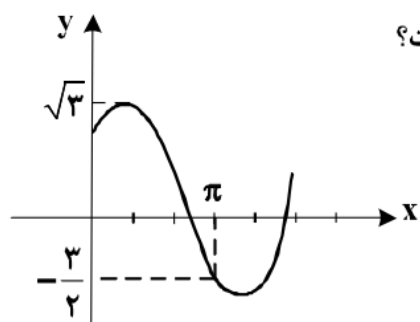
$$\sin\left(\frac{17\pi}{3}\right) \cdot \cos\left(-\frac{17\pi}{6}\right) + \tan\left(\frac{19\pi}{4}\right) \cdot \sin\left(-\frac{11\pi}{6}\right) = \left(-\frac{\sqrt{3}}{2}\right) \cdot \left(-\frac{\sqrt{3}}{2}\right) + (-1) \cdot \left(\frac{1}{2}\right) = \frac{3}{4} - \frac{1}{2} = \frac{1}{4}$$

$$\sin\frac{17\pi}{3} = \sin\left(6\pi - \frac{\pi}{3}\right) = -\sin\frac{\pi}{3} = -\frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$\cos\left(-\frac{17\pi}{6}\right) = \cos\left(\frac{17\pi}{6}\right) = \cos\left(3\pi - \frac{\pi}{6}\right) = -\cos\frac{\pi}{6} = -\frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$\tan\frac{19\pi}{4} = \tan\left(5\pi - \frac{\pi}{4}\right) = -\tan\frac{\pi}{4} = -1$$

$$\sin\left(-\frac{11\pi}{6}\right) = -\sin\frac{11\pi}{6} = -\sin\left(2\pi - \frac{\pi}{6}\right) = +\sin\frac{\pi}{6} = \frac{1}{2}$$



۱۳۵- شکل روبه‌رو، قسمتی از نمودار تابع $y = a + b \sin(x + \frac{\pi}{3})$ است. کدام است b ؟

$$\frac{3}{2} \quad (2)$$

$$\frac{\sqrt{3}}{2} \quad (1)$$

$$2 \quad (4)$$

$$\sqrt{3} \quad (3)$$

گزینه ۳

$$y = b \sin(x + \frac{\pi}{3}) + a \quad \max = |b| + a \longrightarrow a + b = \sqrt{3}$$

$$\left. \begin{array}{l} \frac{\pi}{3} \\ -\frac{3}{2} \end{array} \right\} \longrightarrow -\frac{3}{2} = b \sin(\pi + \frac{\pi}{3}) + a \longrightarrow -\frac{3}{2} = -b \cos \frac{\pi}{3} + a$$

$$-\frac{3}{2} = -b \times \frac{\sqrt{3}}{2} + a \xrightarrow{\times(-2)} 3 = \sqrt{3}b - 2a$$

$$\begin{cases} a + b = \sqrt{3} \\ -2a + \sqrt{3}b = 3 \end{cases} \longrightarrow \begin{cases} 2a + 2b = 2\sqrt{3} \\ -2a + \sqrt{3}b = 3 \end{cases} \longrightarrow (2 + \sqrt{3})b = 3 + 2\sqrt{3} \longrightarrow b = \sqrt{3}$$

۱۳۶- اگر $(\frac{5}{4})^{2x-1} = (\frac{125}{8})^{x^2}$ باشد. $\log_8(9x+1)$ کدام است؟

$$\frac{3}{2} \quad (4)$$

$$\frac{4}{3} \quad (3)$$

$$\frac{3}{4} \quad (2)$$

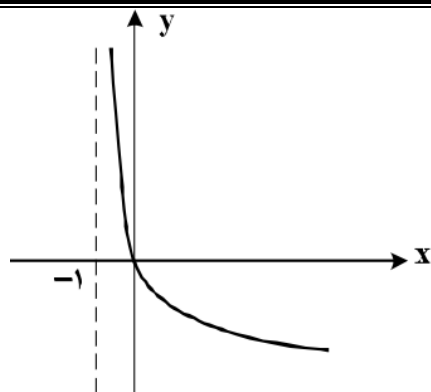
$$\frac{2}{3} \quad (1)$$

$$\left(\frac{2}{5}\right)^{2x-1} = \left(\frac{5}{2}\right)^{x^2} \longrightarrow \left(\frac{5}{2}\right)^{1-2x} = \left(\frac{5}{2}\right)^{x^2} \longrightarrow x^2 + 2x - 1 = 0 \xrightarrow{b=a+c} \begin{cases} x = -1 \\ x = \frac{1}{3} \end{cases}$$

$$\log_8(9x+1) \xrightarrow{x=\frac{1}{3}} \log_8 4 = \frac{2}{3}$$

بسمه تعالی

سوالات و پاسخ نامه درس ریاضی گروه آزمایشی علوم تجربی داخل کشور سال ۱۳۹۸ سیّد علی موسوی

۱۳۷- شکل روبه‌رو، نمودار تابع $y = \log_2 U(x)$ است. کدام $U(x)$ است؟

(۱) $x + 1$

(۲) $(x + 1)^{-1}$

(۳) $x - 1$

(۴) $1 - x$

گزینه ۲

با توجه به مجانِب قائم تابع $x = -1$ و نزولی بودن تابع و همچنین نمودار تابع از مبدأ مختصات گذشته داریم:

$$x > -1 \longrightarrow x + 1 > 0$$

$$y = \log(x + 1)^{-1} \longrightarrow y = -\log(x + 1) < 0$$

۱۳۸- به ازای کدام مقدار a ، تابع با ضابطه $f(x) = \begin{cases} \frac{8+x^3}{|x+2|} & ; x \neq -2 \\ a & ; x = -2 \end{cases}$ ، در نقطه $x = -2$ ، فقط از چپ پیوسته است؟

(۴) ۱۲

(۳) ۶

(۲) -۶

(۱) -۱۲

گزینه ۱

روش اول:

$$\lim_{x \rightarrow (-2)^-} \frac{x^3 + 8}{|x + 2|} = \lim_{x \rightarrow (-2)^-} \frac{x^3 + 8}{-(x + 2)} = \frac{0}{0} \xrightarrow{\text{Hop}} \lim_{x \rightarrow (-2)^-} \frac{3x^2}{-1} = -12$$

روش دوم:

$$\lim_{x \rightarrow (-2)^-} \frac{x^3 + 8}{|x + 2|} = \lim_{x \rightarrow (-2)^-} \frac{(x + 2)(x^2 - 2x + 4)}{-(x + 2)} = \lim_{x \rightarrow (-2)^-} \frac{(x^2 - 2x + 4)}{-1} = -12$$

بسمه تعالی

سوالات و پاسخ نامه درس ریاضی گروه آزمایشی علوم تجربی داخل کشور سال ۱۳۹۸ سیّد علی موسوی

۱۳۹- احتمال موفقیت فردی، در آزمون اول $\frac{7}{10}$ و در آزمون دوم $\frac{6}{10}$ است. اگر این فرد در آزمون اول موفق شود، احتمالموفقیت وی در آزمون دوم $\frac{8}{10}$ است. با کدام احتمال، لااقل در یکی از این دو آزمون، موفق می‌شود؟

$$\frac{7}{10} \quad (4)$$

$$\frac{8}{10} \quad (3)$$

$$\frac{7}{10} \quad (2)$$

$$\frac{7}{10} \quad (1)$$

گزینه ۱

$$P(A) = \frac{7}{10} \quad P(B) = \frac{6}{10} \quad P(B|A) = \frac{8}{10} \quad P(A \cup B) = ?$$

$$P(B|A) = \frac{P(B \cap A)}{P(A)} \rightarrow \frac{8}{10} = \frac{P(B \cap A)}{\frac{7}{10}} \rightarrow P(A \cap B) = \frac{56}{100}$$

$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B) = \frac{7}{10} + \frac{6}{10} - \frac{56}{100} = \frac{70 + 60 - 56}{100} = \frac{74}{100}$$

۱۴۰- در یک کارگاه، دو گروه مشغول کار هستند، میانگین نمرات مسئولیت‌پذیری و واریانس در گروه اول به ترتیب ۸۰ و

۲۵ و در گروه دوم ۷۲ و ۱۶ می‌باشد. کدام گروه بهتر است؟

(۴) اظهار نظر نمی‌توان کرد.

(۳) یکسان

(۲) گروه دوم

(۱) گروه اول

گزینه ۲

$$\begin{cases} \bar{x} = 80 \\ \delta^2 = 25 \end{cases} \rightarrow CV_1 = \frac{\delta}{\bar{x}} = \frac{5}{80} = \frac{1}{16}$$

$$\begin{cases} \bar{y} = 72 \\ \delta^2 = 16 \end{cases} \rightarrow CV_2 = \frac{\delta}{\bar{y}} = \frac{4}{72} = \frac{1}{18}$$

هر گروه ضریب تغییرات کمتری داشته باشد، آن گروه بهتر است.

۱۴۱- تابع با ضابطه $f(x) = |x+2| + |x-1|$ ، در کدام بازه، اکیداً نزولی است؟

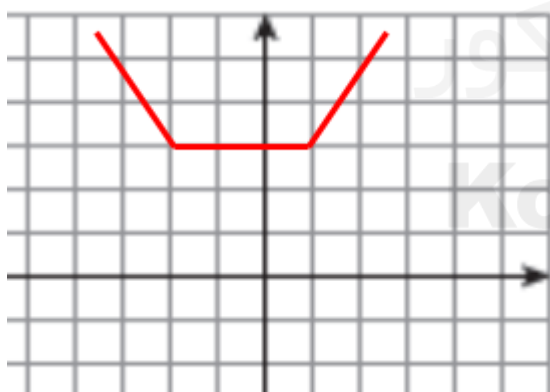
$$(1, +\infty) \quad (4)$$

$$(-2, 1) \quad (3)$$

$$(-\infty, 1) \quad (2)$$

$$(-\infty, -2) \quad (1)$$

گزینه ۱



$$f(x) = |x+2| + |x-1|$$

$$x = -2 \rightarrow y = 3$$

$$x = 1 \rightarrow y = 3$$

بسمه تعالی

سوالات و پاسخ نامه درس ریاضی گروه آزمایشی علوم تجربی داخل کشور سال ۱۳۹۸ سیّد علی موسوی

۱۴۲- مجموع جواب‌های معادله مثلثاتی $4 \sin x \sin\left(\frac{3\pi}{4} - x\right) = 1$ در بازه $[0, 2\pi]$ ، کدام است؟ 5π (۴) 4π (۳) 3π (۲) $\frac{5\pi}{2}$ (۱)

گزینه ۲

$$4 \sin x (-\cos x) = 1 \longrightarrow -4(\sin x \cos x) = 1 \longrightarrow -4\left(\frac{1}{2} \sin 2x\right) = 1$$

$$\sin 2x = -\frac{1}{2} = \sin\left(-\frac{\pi}{6}\right) \longrightarrow \begin{cases} 2x = 2k\pi + \left(-\frac{\pi}{6}\right) \longrightarrow x = k\pi - \frac{\pi}{12} \\ 2x = 2k\pi + \pi - \left(-\frac{\pi}{6}\right) \longrightarrow x = k\pi + \frac{7\pi}{12} \end{cases}$$

$$\frac{11\pi}{12} + \frac{23\pi}{12} + \frac{7\pi}{12} + \frac{19\pi}{12} = \frac{60\pi}{12} = 5\pi$$

۱۴۳- حد عبارت $\frac{x^2 + 10x + 16}{12 + 6\sqrt[3]{x}}$ وقتی $x \rightarrow -8$ ، کدام است؟ -6 (۴) -12 (۳) -18 (۲) -24 (۱)

گزینه ۳

$$\xrightarrow{\text{Hop}} \lim_{x \rightarrow (-8)} \frac{2x + 10}{6 \times \frac{1}{\sqrt[3]{x^2}}} = \frac{-6}{\frac{1}{2}} = -12$$

۱۴۴- در مورد تابع با ضابطه $f(x) = \frac{x^2 - 1}{x + |x|}$ ، کدام بیان، درست است؟

$$\lim_{x \rightarrow 0^-} f(x) = -\infty \quad (۲)$$

$$\lim_{x \rightarrow 0^-} f(x) = +\infty \quad (۱)$$

$$\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) = -\infty \quad (۴)$$

$$\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) = +\infty \quad (۳)$$

گزینه ۴

$$x + |x| = 0 \longrightarrow |x| = -x \longrightarrow -x > 0 \longrightarrow x < 0 \longrightarrow D = (0, +\infty)$$

$$\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{x^2 - 1}{x + |x|} \longrightarrow \lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{-1}{2x} = \frac{-1}{0^+} = -\infty$$

بسمه تعالی

سوالات و پاسخ نامه درس ریاضی گروه آزمایشی علوم تجربی داخل کشور سال ۱۳۹۸ سیّد علی موسوی

۱۴۵- اگر $f(x) = 2x + \sqrt{4x^2 + x}$ باشد، حاصل $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ کدام است؟

(۴) صفر

(۳) $-\frac{1}{4}$ (۲) $-\frac{1}{2}$

(۱) -۱

گزینه ۲

$$\lim_{x \rightarrow \pm\infty} \sqrt{ax^2 + bx + c} \approx \sqrt{a} \left| x + \frac{b}{2a} \right|$$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} (2x + \sqrt{4x^2 + x}) \approx \lim_{x \rightarrow -\infty} \left(2x + \sqrt{4} \left| x + \frac{1}{8} \right| \right) = 2x - 2x - \frac{1}{4} = -\frac{1}{4}$$

۱۴۶- در تابع با ضابطه $f(x) = \frac{1 + \sqrt{x}}{5 - 2x}$ ، حاصل $\lim_{x \rightarrow 4} \frac{f(x) - f(4)}{x - 4}$ کدام است؟

(۴) $\frac{5}{6}$ (۳) $\frac{7}{12}$ (۲) $\frac{5}{12}$ (۱) $\frac{4}{9}$

گزینه ۳

$$\lim_{x \rightarrow 4} \frac{f(x) - f(4)}{x - 4} = f'(4) = \frac{7}{12}$$

$$f'(x) = \frac{\frac{1}{2\sqrt{x}}(5 - 2x) - (-2)(1 + \sqrt{x})}{(5 - 2x)^2} \xrightarrow{x=4} \frac{\frac{1}{4}(-3) + 2(3)}{9} = \frac{7}{12}$$

$$1 + \sqrt{x} \xrightarrow{x=4} 3 \quad (5 - 2x) \xrightarrow{x=4} -3$$

۱۴۷- تابع با ضابطه $f(x) = \begin{cases} \frac{1}{x-1} & ; x \geq 2 \\ -x^2 + ax + b & ; x < 2 \end{cases}$ روی مجموعه اعداد حقیقی مشتق پذیر است. b کدام است؟

(۴) ۲

(۳) ۱

(۲) -۱

(۱) -۲

گزینه ۲

$$\begin{cases} f(2) = \lim_{x \rightarrow 2^+} f(x) = 1 \\ \lim_{x \rightarrow 2^-} f(x) = -4 + 2a + b \end{cases} \longrightarrow 2a + b = 5 \xrightarrow{a=3} b = -1$$

$$f'(x) = \begin{cases} \frac{-1}{(x-1)^2} \longrightarrow f'_+(2) = -1 \\ -2x + a \longrightarrow f'_-(2) = -4 + a \end{cases} \longrightarrow -4 + a = -1 \longrightarrow a = 3$$

بسمه تعالی

سوالات و پاسخ نامه درس ریاضی گروه آزمایشی علوم تجربی داخل کشور سال ۱۳۹۸ سیّد علی موسوی

۱۴۸- اگر $g(x) = \frac{2x+1}{x-1}$ و $(fog)'(2) = 6$ باشد، $f'(\Delta)$ کدام است؟

۳ (۴)

۲ (۳)

-۱ (۲)

-۲ (۱)

گزینه ۱

$$(fog)'(2) = 6 \longrightarrow g'(2) \times f'(g(2)) = 6 \longrightarrow (-3) \times f'(\Delta) = 6 \longrightarrow f'(\Delta) = -2$$

$$g'(x) = \frac{-2-1}{(x-1)^2} = \frac{-3}{(x-1)^2} \longrightarrow g'(2) = -3 \quad g(2) = \Delta$$

۱۴۹- در تابع با ضابطه $f(x) = \frac{1}{2}x^2 - \frac{1}{x}$ ، اختلاف آهنگ تغییر لحظه‌ای در $x=2$ ، از آهنگ تغییر متوسط در بازه $[1,4]$ ،

کدام است؟

۰٫۷۵ (۴)

۰٫۴۵ (۳)

۰٫۵ (۲)

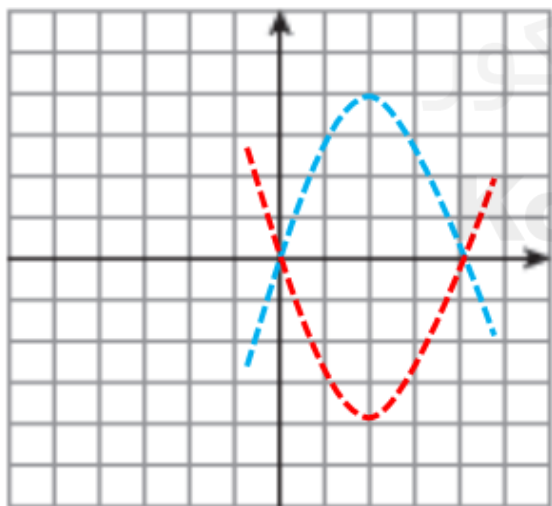
۰٫۲۵ (۱)

گزینه ۲

$$\frac{f(4) - f(1)}{4-1} = \frac{33}{12}$$

$$f'(x) = x + \frac{1}{x^2} \longrightarrow f'(2) = \frac{9}{4}$$

$$\frac{33}{12} - \frac{9}{4} = \frac{6}{12} = \frac{1}{2}$$

۱۵۰- در تابع با ضابطه $f(x) = x|x-4|$ ، فاصله دو نقطه ماکسیمم نسبی و می‌نیمم نسبی آن، کدام است؟ $2\sqrt{5}$ (۴) $3\sqrt{2}$ (۳) $2\sqrt{2}$ (۲) $\sqrt{5}$ (۱)

$$\min = \begin{vmatrix} 4 \\ 0 \end{vmatrix} \quad \max = \begin{vmatrix} 2 \\ 4 \end{vmatrix}$$

$$d = \sqrt{(4-2)^2 + (0-4)^2}$$

$$d = \sqrt{20} = 2\sqrt{5}$$

بسمه تعالی

سوالات و پاسخ نامه درس ریاضی گروه آزمایشی علوم تجربی داخل کشور سال ۱۳۹۸ سیّد علی موسوی

۱۵۱- بیشترین مساحت مستطیلی که دو ضلع آن بر روی محورهای مختصات و رأس چهارم آن، بر روی منحنی به معادله

 $y = \sqrt{12-x}$ در ناحیه اول واقع شود، کدام است؟

۱۸ (۴)

۱۶ (۳)

 $۸\sqrt{3}$ (۲) $۸\sqrt{2}$ (۱)

گزینه ۳

$$S(x) = x \times \sqrt{12-x} \longrightarrow S'(x) = \sqrt{12-x} + x \times \frac{-1}{2\sqrt{12-x}} = \sqrt{12-x} - \frac{x}{2\sqrt{12-x}}$$

$$S'(x) = 0 \longrightarrow \sqrt{12-x} - \frac{x}{2\sqrt{12-x}} = 0 \longrightarrow \sqrt{12-x} = \frac{x}{2\sqrt{12-x}}$$

$$24 - 2x = x \longrightarrow x = 8 \quad S(x) = 8 \times \sqrt{12-8} = 16$$

۱۵۲- در یک بیضی به کانون‌های $(2, -1)$ و $(2, 7)$ ، اندازه قطر کوچک ۶ واحد است. خروج از مرکز این بیضی، کدام است؟

۰/۸ (۴)

۰/۷۵ (۳)

۰/۶۴ (۲)

۰/۶ (۱)

گزینه ۴

$$F \begin{vmatrix} 2 \\ \gamma \end{vmatrix} \quad F' \begin{vmatrix} 2 \\ -1 \end{vmatrix} \longrightarrow FF' = 2c \longrightarrow |-1 - \gamma| = 2c \longrightarrow c = 4$$

$$BB' = 2b \longrightarrow 2b = 6 \longrightarrow b = 3 \quad a^2 = b^2 + c^2 \longrightarrow a = 5$$

$$e = \frac{c}{a} = \frac{4}{5} = \frac{8}{10} = 0/8$$

۱۵۳- نقطه A به طول ۳-، بر منحنی به معادله $y = \frac{x^2}{x-1}$ واقع است. فاصله این نقطه از خط مجانب مایل آن، چند برابر $\sqrt{2}$ است؟ $\frac{1}{4}$ (۴) $\frac{1}{5}$ (۳) $\frac{1}{6}$ (۲) $\frac{1}{8}$ (۱)

گزینه ۱

با تقسیم صورت کسر بر مخرج آن، مجانب مایل به دست می آید.

$$f(x) = \frac{x^2}{x-1} \xrightarrow{x=-3} y = \frac{9}{-4} \longrightarrow \begin{vmatrix} -3 \\ 9 \\ -4 \end{vmatrix}$$

$$y = x + 1 \longrightarrow x - y + 1 = 0$$

$$d = \frac{\left| -3 + \frac{9}{-4} + 1 \right|}{\sqrt{1+1}} = \frac{1}{4\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}}{8}$$

بسمه تعالی

سوالات و پاسخ نامه درس ریاضی گروه آزمایشی علوم تجربی داخل کشور سال ۱۳۹۸ سیّد علی موسوی

۱۵۴- در سهمی به معادله $5y^2 - 10y + 4x - 3 = 0$ ، فاصله کانون تا نقطه تلاقی سهمی با محور x ها، کدام است؟

$$1/45 \quad (4)$$

$$1/3 \quad (3)$$

$$1/25 \quad (2)$$

$$1/2 \quad (1)$$

گزینه ۴

$$5(y^2 - 2y + 1 - 1) = -4x + 3 \longrightarrow 5(y-1)^2 = -4x + 8 \longrightarrow 5(y-1)^2 = -4(x-2)$$

$$(y-1)^2 = \frac{-4}{5}(x-2) \longrightarrow S \begin{vmatrix} 2 \\ 1 \end{vmatrix} \quad -4p = \frac{-4}{5} \longrightarrow p = \frac{1}{5} \quad F \begin{vmatrix} 11 \\ 5 \\ 1 \end{vmatrix}$$

$$(y-1)^2 = \frac{-4}{5}(x-2) \xrightarrow{y=0} (0-1)^2 = \frac{-4}{5}(x-2) \longrightarrow x = \frac{3}{4} \quad A \begin{vmatrix} 3 \\ 4 \\ 0 \end{vmatrix}$$

$$AF = \sqrt{\left(\frac{11}{5} - \frac{3}{4}\right)^2 + (1-0)^2} = \sqrt{\frac{845}{400}} = 1/45$$

۱۵۵- در شکل روبه‌رو، مساحت ناحیه سایه‌زده، کدام است؟

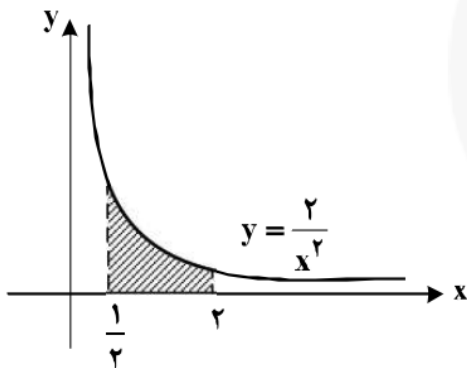
$$2/5 \quad (1)$$

$$3 \quad (2)$$

$$3/5 \quad (3)$$

$$4 \quad (4)$$

گزینه ۲



$$\int_{1/2}^2 \left(\frac{2}{x^2}\right) dx = \left(\frac{-2}{x}\right) \Big|_{1/2}^2 = |(-1) - (-4)| = 3$$

(سیّد علی موسوی ۰۹۱۵۳۲۱۵۶۱۴)

دبیر ریاضی ناحیه ۴ مشهد