

بسمه تعالیٰ

سید علی موسوی

سوالات و پاسخ نامه درس ریاضی گروه آزمایشی علوم تجربی داخل کشور سال ۱۳۹۸

- ۱۲۶ - اگر $\pi < x < \frac{3\pi}{2}$ باشد، حاصل $\sqrt{1 + \tan^2 x} (2 \sin^2 \frac{\pi}{4} - \sin^2 x)$ کدام است؟
- $-\cos x$ (۴) $-\sin x$ (۳) $\cos x$ (۲) $\sin x$ (۱)

گزینه ۴

$$\sqrt{1 + \tan^2 x} (2 \sin^2 \frac{\pi}{4} - \sin^2 x) = -\frac{1}{\cos x} (1 - \sin^2 x) = -\frac{1}{\cos x} (\cos^2 x) = -\cos x$$

$$\sqrt{1 + \tan^2 x} = \sqrt{\frac{1}{\cos^2 x}} = \left| \frac{1}{\cos x} \right| \xrightarrow{\pi < x < \frac{3\pi}{2}} -\frac{1}{\cos x} \quad \sin^2 \frac{\pi}{4} = \left(\frac{\sqrt{2}}{2} \right)^2 = \frac{1}{2}$$

- ۱۲۷ - سرعت یک قایق موتوری، در آب راکد ۱۰۰ متر در دقیقه است. این قایق فاصله ۱۲۰۰ متری در رودخانه را رفته و برگشته است. اختلاف زمان رفت و برگشت ۵ دقیقه است. سرعت آب رودخانه، چند متر در دقیقه است؟

- ۲۵ (۴) ۲۰ (۳) ۱۵ (۲) ۱۲ (۱)

گزینه ۳

$$\frac{1200}{100-V} - \frac{1200}{100+V} = 5 \longrightarrow V = 20$$

- ۱۲۸ - مجموعه جواب نامعادله $\frac{2x-3}{x+1} < 1$ ، به کدام صورت است؟

- $x < -6$ (۴) $x > 4$ (۳) $R - [-4, 6]$ (۲) $R - [-6, 4]$ (۱)

گزینه ۱

روش تشریحی :

$$1 < \frac{2x-3}{x+1} < 3 \longrightarrow \begin{cases} \frac{2x-3}{x+1} < 3 \longrightarrow (-\infty, -6) \cup (-1, +\infty) \\ \frac{2x-3}{x+1} > 1 \longrightarrow (-\infty, -1) \cup (4, +\infty) \end{cases} \cap (-\infty, -6) \cup (4, +\infty)$$

$$\frac{2x-3}{x+1} - 3 < 0 \longrightarrow \frac{-x-6}{x+1} < 0 \longrightarrow (-\infty, -6) \cup (-1, +\infty)$$

$$\frac{2x-3}{x+1} - 1 > 0 \longrightarrow \frac{x-4}{x+1} > 0 \longrightarrow (-\infty, -1) \cup (4, +\infty)$$

روش دوم : عدد گذاری

بسمه تعالیٰ

سوالات و پاسخ نامه درس ریاضی گروه آزمایشی علوم تجربی داخل کشور سال ۱۳۹۸ سید علی موسوی

- ۱۲۹ - گل فروشی از ۸ نوع گل مختلف، به چند طریق، می‌تواند دسته گل‌های متمایز درست کند، به‌طوری‌که در هر دسته ۴ یا ۵ یا ۶ شاخه مختلف، موجود باشد؟

۱۶۸ (۴)

۱۵۴ (۳)

۱۴۰ (۲)

۱۲۶ (۱)

گزینه ۳

$$\binom{8}{4} + \binom{8}{5} + \binom{8}{6} = \frac{8 \times 7 \times 6 \times 5}{4 \times 3 \times 2 \times 1} + \frac{8 \times 7 \times 6}{3 \times 2 \times 1} + \frac{8 \times 7}{2 \times 1} = 70 + 56 + 28 = 154$$

- ۱۳۰ - اگر $\frac{a+1}{a}$ باشد، عدد کدام است؟ $3a + \sqrt{2a^2 + 4a} = 2$

۴/۵ (۴)

۳/۵ (۳)

۲/۵ (۲)

۱/۵ (۱)

گزینه ۴

$$\sqrt{2a^2 + 4a} = 2 - 3a \longrightarrow \begin{cases} 2a^2 + 4a \geq 0 \longrightarrow (-\infty, -2] \cup [0, +\infty) \\ 2 - 3a \geq 0 \longrightarrow a \leq \frac{2}{3} \longrightarrow (-\infty, \frac{2}{3}] \end{cases} \cap (-\infty, -2] \cup [0, \frac{2}{3}]$$

$$2a^2 + 4a = (2 - 3a)^2 \longrightarrow 7a^2 - 16a + 4 = 0 \xrightarrow[b=-16]{b'=-8} \Delta' = (-8)^2 - (7)(4) = 64 - 28 = 36$$

$$a = \frac{8+6}{7} = \frac{14}{7} = 2$$

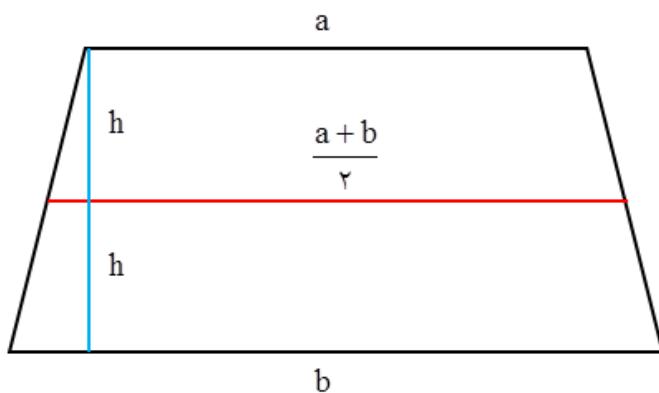
$$a = \frac{8-6}{7} = \frac{2}{7}$$

$$\frac{a+1}{a} = \frac{\frac{2}{7} + 1}{\frac{2}{7}} = \frac{\frac{9}{7}}{\frac{2}{7}} = \frac{9}{2} = 4.5$$

- ۱۳۱ - در یک ذوزنقه، پاره خطی که وسطهای دو ساق را بهم وصل کند. مساحت آن را به نسبت‌های ۱ و ۲ تقسیم می‌کند. نسبت قاعده‌های آن ذوزنقه، کدام است؟

 $\frac{2}{5}$ (۴) $\frac{1}{4}$ (۳) $\frac{1}{5}$ (۲) $\frac{1}{6}$ (۱)

گزینه ۲



$$S = \frac{1}{2} \times (a + \frac{a+b}{2}) \times h = \frac{1}{2} \times (\frac{3a+b}{2}) \times h$$

$$S' = \frac{1}{2} \times (\frac{a+b}{2} + b) \times h = \frac{1}{2} \times (\frac{a+3b}{2}) \times h$$

$$\frac{S}{S'} = \frac{\frac{3a+b}{2}}{\frac{a+3b}{2}} = \frac{1}{2} \longrightarrow \frac{a}{b} = \frac{1}{5}$$

بسمه تعالیٰ

سید علی موسوی

سوالات و پاسخ نامه درس ریاضی گروه آزمایشی علوم تجربی داخل کشور سال ۱۳۹۸

۱۳۲ - در مثلث قائم الزاویه ABC ، اضلاع قائم $AB = 3\sqrt{5}$ و $AC = 6$ و میانه AM رسم شده است.
مساحت مثلث ABC ، چند برابر مساحت مثلث AMH است؟

۱۸ (۴)

۱۵ (۳)

۱۲ (۲)

۱۰ (۱)

گزینه ۴

نکته: در هر مثلث قائم الزاویه، میانه وارد بر وتر، نصف وتر است.

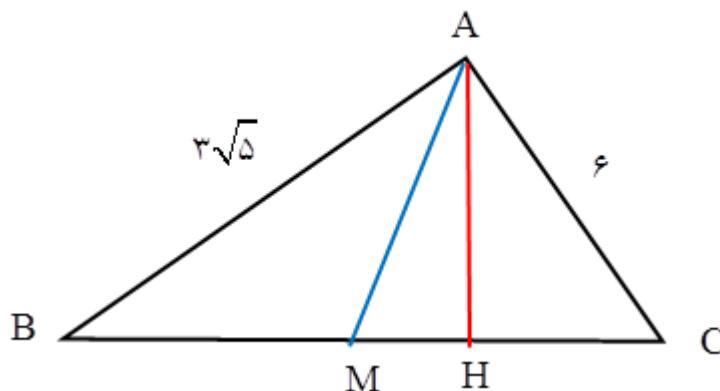
$$BC^2 = (3\sqrt{5})^2 + (6)^2 = 81 \longrightarrow BC = 9$$

$$BM = CM = AM = \frac{9}{2}$$

$$S = \frac{1}{2} \times 6 \times 3\sqrt{5} = 9\sqrt{5}$$

$$S = \frac{1}{2} \times AH \times BC$$

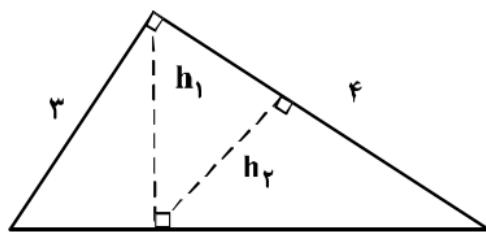
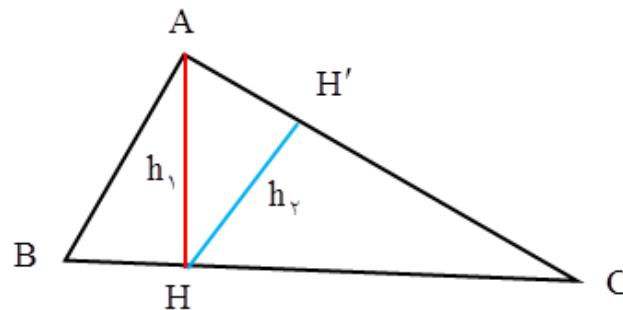
$$9\sqrt{5} = \frac{1}{2} \times AH \times 9 \longrightarrow AH = 2\sqrt{5}$$



$$MH^2 + AH^2 = AM^2 \longrightarrow MH^2 + 20 = \frac{81}{4} \longrightarrow MH = \frac{1}{2}$$

$$S' = \frac{1}{2} \times 2\sqrt{5} \times \frac{1}{2} = \frac{\sqrt{5}}{2} \longrightarrow \frac{S}{S'} = 18$$

۱۳۳ - در شکل زیر، h_1 و h_2 ارتفاع‌های دو مثلث قائم الزاویه هستند. نسبت $\frac{h_2}{h_1}$ ، گدام است؟

 $\frac{4}{5}$ (۲) $\frac{3}{4}$ (۴) $\frac{3}{5}$ (۱) $\frac{2}{3}$ (۳)

$$BC' = 9 + 16 = 25 \longrightarrow BC = 5$$

$$AC' = BC \times CH \longrightarrow 16 = 5 \times CH \longrightarrow CH = \frac{16}{5}$$

$$\hat{A}CH : \begin{cases} S = \frac{1}{2} \times AH \times CH \\ S = \frac{1}{2} \times AC \times HH' \end{cases} \longrightarrow AH \times CH = AC \times HH' \longrightarrow h_1 \times \frac{16}{5} = 4 \times h_2$$

$$\frac{h_1}{h_2} = \frac{16}{20} = \frac{4}{5}$$

۱۳۴ - حاصل عبارت $\sin\left(\frac{17\pi}{3}\right)\cos\left(-\frac{17\pi}{6}\right) + \tan\left(\frac{19\pi}{4}\right)\sin\left(-\frac{11\pi}{6}\right)$ کدام است؟

$$-\frac{1}{2} \quad (2)$$

$$-\frac{1}{4} \quad (1)$$

$$\frac{1}{2} \quad (4)$$

$$\frac{1}{4} \quad (3)$$

گزینه ۳

$$\sin\left(\frac{17\pi}{3}\right).\cos\left(-\frac{17\pi}{6}\right) + \tan\left(\frac{19\pi}{4}\right).\sin\left(-\frac{11\pi}{6}\right) = \left(-\frac{\sqrt{3}}{2}\right).\left(-\frac{\sqrt{3}}{2}\right) + (-1).\left(\frac{1}{2}\right) = \frac{3}{4} - \frac{1}{2} = \frac{1}{4}$$

$$\sin\frac{17\pi}{3} = \sin(6\pi - \frac{\pi}{3}) = -\sin\frac{\pi}{3} = -\frac{\sqrt{3}}{2}$$

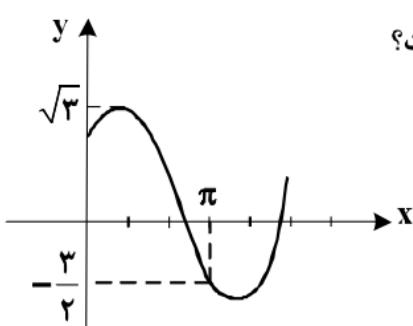
$$\cos\left(-\frac{17\pi}{6}\right) = \cos\left(\frac{17\pi}{6}\right) = \cos(3\pi - \frac{\pi}{6}) = -\cos\frac{\pi}{6} = -\frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$\tan\frac{19\pi}{4} = \tan(5\pi - \frac{\pi}{4}) = -\tan\frac{\pi}{4} = -1$$

$$\sin\left(-\frac{11\pi}{6}\right) = -\sin\frac{11\pi}{6} = -\sin(2\pi - \frac{\pi}{6}) = +\sin\frac{\pi}{6} = \frac{1}{2}$$

بسمه تعالیٰ

سوالات و پاسخ نامه درس ریاضی گروه آزمایشی علوم تجربی داخل کشور سال ۱۳۹۸ سید علی موسوی



۱۳۵- شکل رو به رو، قسمتی از نمودار تابع $y = a + b \sin(x + \frac{\pi}{3})$ است. کدام است؟

$\frac{3}{2}$ (۲)

۲ (۴)

$\frac{\sqrt{3}}{2}$ (۱)
 $\sqrt{3}$ (۳)

گزینه ۳

$$y = b \sin(x + \frac{\pi}{3}) + a \quad \max = |b| + a \longrightarrow a + b = \sqrt{3}$$

$$\left| -\frac{\pi}{3} \longrightarrow -\frac{\pi}{2} = b \sin(\pi + \frac{\pi}{3}) + a \longrightarrow -\frac{\pi}{2} = -b \cos \frac{\pi}{3} + a \right.$$

$$-\frac{\pi}{2} = -b \times \frac{\sqrt{3}}{2} + a \xrightarrow{\times(-1)} 3 = \sqrt{3}b - 2a$$

$$\begin{cases} a + b = \sqrt{3} \\ -2a + \sqrt{3}b = 3 \end{cases} \longrightarrow \begin{cases} 2a + 2b = 2\sqrt{3} \\ -2a + \sqrt{3}b = 3 \end{cases} \longrightarrow (2 + \sqrt{3})b = 3 + 2\sqrt{3} \longrightarrow b = \sqrt{3}$$

۱۳۶- اگر $\log_{\lambda}(9x+1)^{2x-1} = \left(\frac{125}{\lambda}\right)^x$ باشد، کدام است؟

$\frac{3}{2}$ (۴)

$\frac{4}{3}$ (۳)

$\frac{3}{4}$ (۲)

$\frac{2}{3}$ (۱)

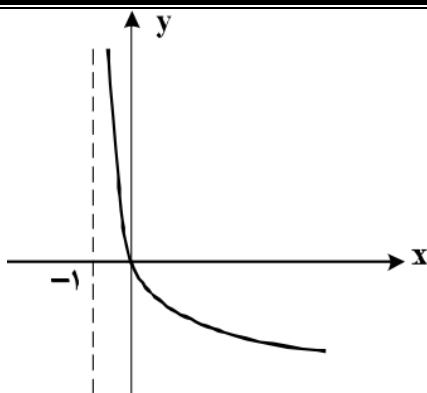
$$\left(\frac{1}{5}\right)^{2x-1} = \left(\frac{5}{2}\right)^x \longrightarrow \left(\frac{5}{2}\right)^{1-2x} = \left(\frac{5}{2}\right)^x \longrightarrow x^x + 2x - 1 = 0 \xrightarrow{b=a+c} \begin{cases} x = -1 \\ x = \frac{1}{2} \end{cases}$$

$$\log_{\lambda}(9x+1) \xrightarrow{x=\frac{1}{2}} \log_{\lambda} 4 = \frac{2}{3}$$

بسمه تعالیٰ

سید علی موسوی

سوالات و پاسخ نامه درس ریاضی گروه آزمایشی علوم تجربی داخل کشور سال ۱۳۹۸

۱۳۷ - شکل روبرو، نمودار تابع $y = \log_2 U(x)$ کدام است؟(۱) $x + 1$ (۲) $(x + 1)^{-1}$ (۳) $x - 1$ (۴) $1 - x$

گزینه ۲

با توجه به مجانب قائم تابع $x = -1$ و نزولی بودن تابع و همچنین نمودار تابع از مبدأ مختصات گذشته داریم :

$$x > -1 \longrightarrow x + 1 > 0$$

$$y = \log(x + 1)^{-1} \longrightarrow y = -\log(x + 1) < 0$$

۱۳۸ - به ازای کدام مقدار a ، تابع با ضابطه $f(x) = \begin{cases} \frac{x+x^3}{|x+2|} ; & x \neq -2 \\ a ; & x = -2 \end{cases}$ فقط از چپ پیوسته است؟

۱۲ (۴)

۶ (۳)

-۶ (۲)

-۱۲ (۱)

گزینه ۱

روش اول :

$$\lim_{x \rightarrow (-2)^-} \frac{x^3 + x}{|x + 2|} = \lim_{x \rightarrow (-2)^-} \frac{x^3 + x}{-(x + 2)} = \frac{\circ}{\circ} \xrightarrow{\text{Hop}} \lim_{x \rightarrow (-2)^-} \frac{3x^2}{-1} = -12$$

روش دوم :

$$\lim_{x \rightarrow (-2)^-} \frac{x^3 + x}{|x + 2|} = \lim_{x \rightarrow (-2)^-} \frac{(x + 2)(x^2 - 2x + 4)}{-(x + 2)} = \lim_{x \rightarrow (-2)^-} \frac{(x^2 - 2x + 4)}{-1} = -12$$

بسمه تعالیٰ

سوالات و پاسخ نامه درس ریاضی گروه آزمایشی علوم تجربی داخل کشور سال ۱۳۹۸ سید علی موسوی

۱۳۹- احتمال موفقیت فردی، در آزمون اول $\frac{7}{10}$ و در آزمون دوم $\frac{6}{10}$ است. اگر این فرد در آزمون اول موفق شود، احتمال موفقیت وی در آزمون دوم $\frac{8}{10}$ است. با کدام احتمال، لاقل در یکی از این دو آزمون، موفق می‌شود؟

(۴) $\frac{8}{84}$ (۳) $\frac{8}{82}$ (۲) $\frac{7}{76}$ (۱) $\frac{7}{74}$

گزینه ۱

$$P(A) = \frac{7}{10} \quad P(B) = \frac{6}{10} \quad P(B|A) = \frac{8}{10} \quad P(A \cup B) = ?$$

$$P(B|A) = \frac{P(B \cap A)}{P(A)} \longrightarrow \frac{8}{10} = \frac{P(B \cap A)}{\frac{7}{10}} \longrightarrow P(A \cap B) = \frac{56}{100}$$

$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B) = \frac{7}{10} + \frac{6}{10} + \frac{56}{100} = \frac{70 + 60 - 56}{100} = \frac{74}{100}$$

۱۴۰- در یک کارگاه، دو گروه مشغول کار هستند. میانگین نمرات مسئولیت‌پذیری و واریانس در گروه اول به ترتیب 80 و 25 و در گروه دوم 72 و 16 می‌باشد. کدام گروه بهتر است؟

(۴) اظهارنظر نمی‌توان کرد.

(۳) یکسان

(۲) گروه دوم

(۱) گروه اول

گزینه ۲

$$\begin{cases} \bar{x} = 80 \\ \delta^2 = 25 \end{cases} \longrightarrow CV_1 = \frac{\delta}{\bar{x}} = \frac{5}{80} = \frac{1}{16}$$

$$\begin{cases} \bar{y} = 72 \\ \delta^2 = 16 \end{cases} \longrightarrow CV_2 = \frac{\delta}{\bar{y}} = \frac{4}{72} = \frac{1}{18}$$

هر گروه ضریب تغییرات کمتری داشته باشد، آن گروه بهتر است.

۱۴۱- تابع با ضابطه $f(x) = |x+2| + |x-1|$ در کدام بازه، اکیداً نزولی است؟

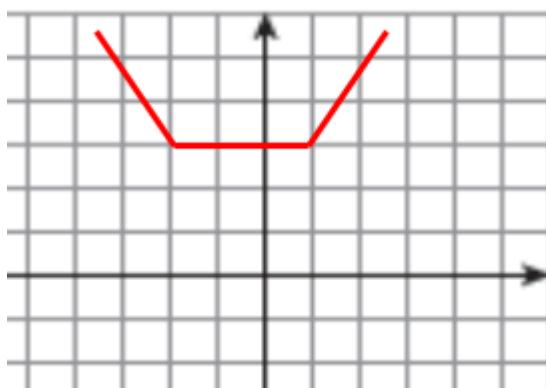
(۱, +\infty) (۴)

(-2, 1) (۳)

(-\infty, 1) (۲)

(-\infty, -2) (۱)

گزینه ۱



$$f(x) = |x+2| + |x-1|$$

$$x = -2 \longrightarrow y = 3$$

$$x = 1 \longrightarrow y = 3$$

بسمه تعالیٰ

سوالات و پاسخ نامه درس ریاضی گروه آزمایشی علوم تجربی داخل کشور سال ۱۳۹۸ سید علی موسوی

۱۴۲ - مجموع جواب‌های معادله مثلثاتی $4\sin x \sin\left(\frac{3\pi}{2} - x\right) = 1$ ، در بازه $[0, 2\pi]$ ، کدام است؟ $\frac{5\pi}{4}$ $\frac{4\pi}{3}$ $\frac{3\pi}{2}$ $\frac{5\pi}{2}$

گزینه ۲

$$4\sin x(-\cos x) = 1 \longrightarrow -4(\sin x \cos x) = 1 \longrightarrow -4\left(\frac{1}{2}\sin 2x\right) = 1$$

$$\sin 2x = -\frac{1}{2} = \sin\left(-\frac{\pi}{6}\right) \longrightarrow \begin{cases} 2x = 2k\pi + (-\frac{\pi}{6}) \longrightarrow x = k\pi - \frac{\pi}{12} \\ 2x = 2k\pi + \pi - (-\frac{\pi}{6}) \longrightarrow x = k\pi + \frac{7\pi}{12} \end{cases}$$

$$\frac{11\pi}{12} + \frac{23\pi}{12} + \frac{7\pi}{12} + \frac{19\pi}{12} = \frac{60\pi}{12} = 5\pi$$

۱۴۳ - حد عبارت $\frac{x^3 + 10x + 16}{12 + 6\sqrt[3]{x}}$ ، وقتی $x \rightarrow -\infty$ ، کدام است؟ -6 -12 -18 -24

گزینه ۳

$$\xrightarrow{\text{Hop}} \lim_{x \rightarrow (-\infty)} \frac{2x + 10}{6 \times \frac{1}{\sqrt[3]{x^2}}} = \frac{-6}{\frac{1}{2}} = -12$$

۱۴۴ - در مورد تابع با ضابطه $f(x) = \frac{x^2 - 1}{x + |x|}$ ، کدام بیان درست است؟

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -\infty$$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = +\infty$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = -\infty$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$$

گزینه ۴

$$x + |x| = 0 \longrightarrow |x| = -x \longrightarrow -x > 0 \longrightarrow x < 0 \longrightarrow D = (0, +\infty)$$

$$\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{x^2 - 1}{x + |x|} \longrightarrow \lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{-1}{2x} = \frac{-1}{0^+} = -\infty$$

بسمه تعالیٰ

سوالات و پاسخ نامه درس ریاضی گروه آزمایشی علوم تجربی داخل کشور سال ۱۳۹۸ سید علی موسوی

۱۴۵ - اگر $f(x) = 2x + \sqrt{4x^2 + x}$ باشد، حاصل $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ کدام است؟

(۴) صفر

$$-\frac{1}{4} \quad (۳)$$

$$-\frac{1}{2} \quad (۲)$$

-1 (۱)

گزینه ۳

$$\lim_{x \rightarrow \pm\infty} \sqrt{ax^2 + bx + c} \approx \sqrt{a} \left| x + \frac{b}{2a} \right|$$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} (2x + \sqrt{4x^2 + x}) \approx \lim_{x \rightarrow -\infty} (2x + \sqrt{4} \left| x + \frac{1}{8} \right|) = 2x - 2x - \frac{1}{4} = -\frac{1}{4}$$

۱۴۶ - در تابع با ضابطه $f(x) = \frac{1+\sqrt{x}}{5-2x}$ ، کدام است؟

$$\frac{5}{6} \quad (۴)$$

$$\frac{7}{12} \quad (۳)$$

$$\frac{5}{12} \quad (۲)$$

$$\frac{4}{9} \quad (۱)$$

گزینه ۳

$$\lim_{x \rightarrow 4} \frac{f(x) - f(4)}{x - 4} = f'(4) = \frac{7}{12}$$

$$f'(x) = \frac{\frac{1}{2\sqrt{x}}(5-2x) - (-2)(1+\sqrt{x})}{(5-2x)^2} \xrightarrow{x=4} \frac{\frac{1}{4}(-3) + 2(3)}{9} = \frac{7}{12}$$

$$1 + \sqrt{x} \xrightarrow{x=4} 3$$

$$(5-2x) \xrightarrow{x=4} -3$$

۱۴۷ - تابع با ضابطه $f(x) = \begin{cases} \frac{1}{x-1} & ; x \geq 2 \\ -x^2 + ax + b & ; x < 2 \end{cases}$ روی مجموعه اعداد حقیقی مشتقپذیر است. b کدام است؟

$$2 \quad (۴)$$

$$1 \quad (۳)$$

$$-1 \quad (۲)$$

$$-2 \quad (۱)$$

گزینه ۲

$$\begin{cases} f(2) = \lim_{x \rightarrow 2^+} f(x) = 1 \\ \lim_{x \rightarrow 2^-} f(x) = -4 + 2a + b \end{cases} \rightarrow 2a + b = 5 \xrightarrow{a=3} b = -1$$

$$f'(x) = \begin{cases} \frac{-1}{(x-1)^2} \rightarrow f'_+(2) = -1 \\ -2x + a \rightarrow f'_-(2) = -4 + a \end{cases} \rightarrow -4 + a = -1 \rightarrow a = 3$$

بسمه تعالیٰ

سوالات و پاسخ نامه درس ریاضی گروه آزمایشی علوم تجربی داخل کشور سال ۱۳۹۸ سید علی موسوی

-۱۴۸ - اگر $f'(x) = \frac{2x+1}{x-1}$ کدام است؟ $(f \circ g)'(2) = 6$ و $g(x) =$

۳ (۴)

۲ (۳)

-۱ (۲)

-۲ (۱)

گزینه ۱

$$(f \circ g)'(2) = 6 \longrightarrow g'(2) \times f'(g(2)) = 6 \longrightarrow (-3) \times f'(5) = 6 \longrightarrow f'(5) = -2$$

$$g'(x) = \frac{-2-1}{(x-1)^2} = \frac{-3}{(x-1)^2} \longrightarrow g'(2) = -3 \quad g(2) = 5$$

-۱۴۹ - در تابع با ضابطه $f(x) = \frac{1}{2}x^2 - \frac{1}{x}$ ، اختلاف آهنگ تغییر لحظه‌ای در $x=2$ ، از آهنگ تغییر متوسط در بازه $[1, 4]$ کدام است؟

۰/۷۵ (۴)

۰/۴۵ (۳)

۰/۵ (۲)

۰/۲۵ (۱)

گزینه ۲

$$\frac{f(4)-f(1)}{4-1} = \frac{33}{12} \quad f'(x) = x + \frac{1}{x^2} \longrightarrow f'(2) = \frac{9}{4} \quad \frac{33}{12} - \frac{9}{4} = \frac{6}{12} = \frac{1}{2}$$

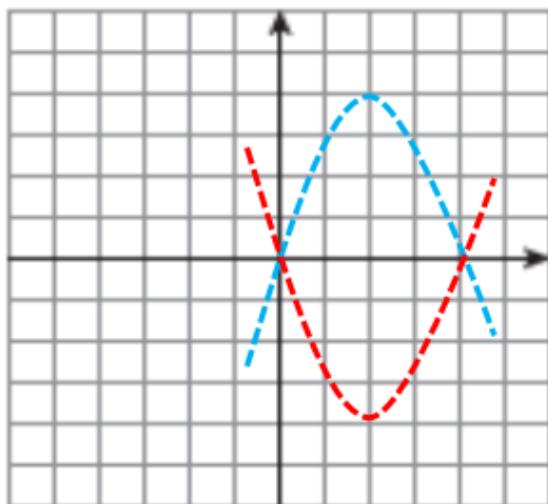
-۱۵۰ - در تابع با ضابطه $f(x) = x|x-4|$ ، فاصله دو نقطه ماقسیمم نسبی و مینیمم نسبی آن، کدام است؟

۲۷۵ (۴)

۲۷۲ (۳)

۲۷۲ (۲)

۷۵ (۱)



$$\min = \begin{cases} 4 \\ 0 \end{cases} \quad \max = \begin{cases} 2 \\ 4 \end{cases}$$

$$d = \sqrt{(4-2)^2 + (0-4)^2}$$

$$d = \sqrt{2^2 + 4^2} = \sqrt{20} = 2\sqrt{5}$$

بسمه تعالیٰ

سید علی موسوی

سوالات و پاسخ نامه درس ریاضی گروه آزمایشی علوم تجربی داخل کشور سال ۱۳۹۸

۱۵۱- بیشترین مساحت مستطیلی که دو ضلع آن بر روی محورهای مختصات و رأس چهارم آن، بر روی منحنی به معادله $y = \sqrt{12-x}$ ، در ناحیه اول واقع شود، کدام است؟

۱۸ (۴)

۱۶ (۳)

 $8\sqrt{3}$ (۲) $8\sqrt{2}$ (۱)

گزینه ۳

$$S(x) = x \times \sqrt{12-x} \longrightarrow S'(x) = \sqrt{12-x} + x \times \frac{-1}{2\sqrt{12-x}} = \sqrt{12-x} - \frac{x}{2\sqrt{12-x}}$$

$$S'(x) = 0 \longrightarrow \sqrt{12-x} - \frac{x}{2\sqrt{12-x}} = 0 \longrightarrow \sqrt{12-x} = \frac{x}{2\sqrt{12-x}}$$

$$24 - 2x = x \longrightarrow x = 8 \quad S(x) = 8 \times \sqrt{12-8} = 16$$

۱۵۲- در یک بیضی به کانون‌های $(-1, -2)$ و $(2, 7)$ ، اندازه قطر کوچک ۶ واحد است. خروج از مرکز این بیضی، کدام است؟

۰/۸ (۴)

۰/۷۵ (۳)

۰/۶۴ (۲)

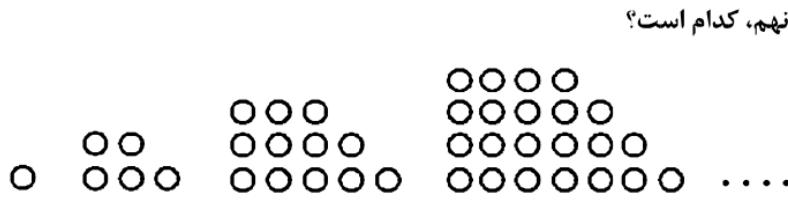
۰/۶ (۱)

گزینه ۴

$$F \begin{vmatrix} 2 \\ 7 \end{vmatrix} \quad F' \begin{vmatrix} 2 \\ -1 \end{vmatrix} \longrightarrow FF' = 2c \longrightarrow |-1-7| = 2c \longrightarrow c = 4$$

$$BB' = 2b \longrightarrow 2b = 6 \longrightarrow b = 3 \quad a^2 = b^2 + c^2 \longrightarrow a = 5$$

$$e = \frac{c}{a} = \frac{4}{5} = \frac{8}{10} = 0.8$$



۱۵۳- در الگوی زیر، تعداد نقطه‌ها، در شکل نهم، کدام است؟

۱۱۷ (۱)

۱۲۰ (۲)

۱۲۳ (۳)

۱۲۵ (۴)

گزینه ۱

$$1, 5, 12, 22, \dots \dots \quad 4, 7, 10, \dots \dots \longrightarrow d = 2a = 3 \longrightarrow a = \frac{3}{2}$$

$$3a + b = 4 \longrightarrow \frac{9}{2} + b = 4 \longrightarrow b = -\frac{1}{2}$$

$$a + b + c = 1 \longrightarrow \frac{3}{2} - \frac{1}{2} + c = 1 \longrightarrow c = 0$$

$$t_n = an^2 + bn + c \longrightarrow t_n = \frac{3}{2}n^2 - \frac{1}{2}n \longrightarrow t_9 = \frac{3}{2}(81) - \frac{1}{2}(9) = 117$$

بسمه تعالیٰ

سید علی موسوی

سوالات و پاسخ نامه درس ریاضی گروه آزمایشی علوم تجربی داخل کشور سال ۱۳۹۸

- ۱۵۴ - اگر $x \geq ۱$ باشد، نمودارهای دوتابع f^{-1} و $g(x) = \frac{x-۹}{۲}$ با کدام طول، متقاطع هستند؟

۲۱ (۴)

۱۸ (۳)

۱۵ (۲)

۱۲ (۱)

گزینه ۴

$$y = x^3 - 2x + ۱ - ۴ \xrightarrow[y \geq -۴]{x \geq ۱} y = (x - ۱)^3 - ۴ \longrightarrow y + ۴ = (x - ۱)^3$$

$$x + ۴ = (y - ۱)^3 \longrightarrow \sqrt{x + ۴} = \sqrt{(y - ۱)^3} \longrightarrow |y - ۱| = \sqrt{x + ۴}$$

$$\begin{cases} f^{-1}(x) = ۱ + \sqrt{x + ۴} \\ g(x) = \frac{x - ۹}{۲} \end{cases} \longrightarrow ۱ + \sqrt{x + ۴} = \frac{x - ۹}{۲} \longrightarrow \sqrt{x + ۴} = \frac{x - ۱۱}{۲}$$

$$2\sqrt{x + ۴} = x - ۱۱ \longrightarrow x^3 - ۲۶x + ۱۰۵ = ۰ \longrightarrow (x - ۲۱)(x - ۵) = ۰ \longrightarrow \begin{cases} x = ۲۱ \\ x = ۵ \end{cases}$$

- ۱۵۵ - در جعبه‌ای ۵ مهره سفید و ۶ مهره سیاه است. ابتدا یک مهره را بدون رویت خارج می‌کنیم. سپس از بقیه مهره‌ها، ۲ مهره بیرون می‌کشیم. با کدام احتمال هر دو مهره‌ای خیر، سفید است؟

 $\frac{۵}{۲۲}$ (۴) $\frac{۴}{۱۱}$ (۳) $\frac{۲}{۱۱}$ (۲) $\frac{۱}{۱۱}$ (۱)

گزینه ۲

$$n(S) = \binom{۱۱}{۲} = \frac{۱۱ \times ۱۰}{۲ \times ۱} = ۵۵$$

$$n(A) = \binom{۵}{۲} = \frac{۵ \times ۴}{۲ \times ۱} = ۱۰$$

$$P(A) = \frac{۱۰}{۵۵} = \frac{۲}{۱۱}$$

(سید علی موسوی ۰۹۱۵۳۲۱۵۶۱۴)

دییر ریاضی ناحیه ۴ مشهد