

۱- در بین واژه‌های زیر چند زوج هم معنی وجود دارد؟

«دربایست، روضه، سرسام، وبال، صنم، مرشد، متفق، ضرورت، دلبر، گلزار، خطوات، آداب، گناه، شبگرد، سالک، سحرگاه، هذیان»

۴) هفت

۳) شش

۲) پنج

۱) چهار

۲- در متون داده شده املای چند واژه نادرست است؟

«با این همه امید دارم که ملک معذور فرماید ... و بگذارد تا در این بیابان ایمن می‌گردم». «آن که از جمال عقل مهجوب است خود به نزدیک اهل خرد معذور باشد». «از قضای آمده پس از نماز امیر کشتی‌ها بخاست یکی بزرگتر از جهت نشست او و شراعی بر وی کشیدند». «پیراهن توzi، مخنجه در گردن، عقدی همه کافور و بوالعلای طبیب، آنجا زیر تخت نشسته دیدم»

۴) پنج

۳) چهار

۲) سه

۱) دو

۳- کدام گزینه غلط املایی ندارد؟

۱) با طلبیدن غرضی از دوستان در روز حاجت آنان را بیازمایید اگرچه مردان، بار به بازوی حمیت کشند.

۲) در هر سفری ما را از این بیارند تا صدقه‌ای که خواهیم کرد، حلال و بی‌شبحت باشد.

۳) از بسیاری نکت، چیزی که در او کراهیتی نبود، می‌فرستاد فروتسواری.

۴) زنده‌گانی خواجه عمید دراز باد آن‌چه دارم از اندک مایه حطام دنیا حلال است.

۴- آرایه‌های «حسن‌آمیزی، تشخیص، اسلوب‌معادله، تشبيه و کنایه» به ترتیب در کدام یک از ابیات وجود دارد؟

الف) نسیم صبح از تاراج گلزار که می‌آید؟  
که مرغان کاسه دریوزه کردن آشیان‌ها را

ب) عشق در کار دل سرگشته ما عاجز است  
بحر نتواند گشودن عقدة گرداب را

ج) از نگاه خشک، منع چشم من انصاف نیست  
دست گل چیدن ندارم، خار دیوارم تو را

د) در دل آهن کند فریاد مظلومان اثر  
ناله از زندانیان افزون بود زنجیر را

ه) از کوه غم اگرچه دوتا گشته قامتم  
نشکسته است آبله در زیر پا مرا

۴) د- ب- ج- ه- الف

۳) ج- د- ب- الف- ه

۲) د- ب- ج- الف- ه

۱) ج- ب- الف- ه- د

۵- آرایه‌های کدام گزینه نادرست بیان شده است؟

از فروغ عاریت تا می‌توانی دور باش (اسلوب معادله- حسن تعلیل)

۱) بدر از بیماری منت هلالی گشته است

خانه پر شهد می‌خواهی برو زنبور باش (ایهام - کنایه)

۲) مور بی‌آزار دایم خون خود را می‌خورد

در تلاش گوشة ویران خود چون مور باش (تمیح- تشبيه)

۳) گر تو را بخشنده از دست سلیمان پایتخت

همچو عنقا صائب از چشم خلائق دور باش (حسن‌آمیزی- مجاز)

۴) تا نساندنت کباب از چشم شور اهل حسد

۶- در کدام گزینه دو نقش تبعی به کار رفته است؟

خونش آواز برآرد که حلال است حلال

۱) گر به خون ریختن خصم تو فتوا طلبند

که تو خود دانی اگر زیرک و عاقل باشی

۲) من نگویم که کنون با که نشین و چه بنوش

او خود گذر به ما چو نسیم سحر نکرد

۳) من ایستاده تا کنمش جان فدا چو شمع

تا با تو سنگدل چه کند سوز و ساز من

۴) بر خود چو شمع خنده زنان گریه می کنم

۷- در کدام بیت فعل مجھول وجود ندارد؟

هر بند گشاده شد به جز بند ازل

۱) بگشادم بندهای مشکل به حیل

در کین به گشتاسپ بر بسته شد

۲) چو گفتار و کردار پیوسته شد

سبک مایه جایی بپرداختند

۳) چو نان خورده شد کار می ساختند

فروزنده شد تاج گیتی فروز

۴) چو یک چند بگذشت بر شاه روز

۸- عبارت زیر با کدام بیت قرابت مفهومی دارد؟

«مردان بار را به نیروی همت می کشند، نه به قوت تن»

همت پیر طریقت اگرش همراه است

۱) سالک راه به منزل برسد آخر کار

پشت پا بر فلک از همت مردانه زند

۲) سالکانی که قدم در ره جانانه زدند

جهان از اوست که همت به کار می بندد

۳) به دست، کار جهان را تمام نتوان کرد

گر حمایت نکند همت درویشانش

۴) آسمان بار شود پشت زمین را چون کوه

## سایت کنکور

بادبان چون غوطه در دریا زند لشکر شود

۱) چون هوا مغلوب شد تخت سلیمان می شود

کز این بی آبرو پیراهن یوسف رفو دارد

۲) مباش ای پاکدامن از شبیخون هوس غافل

فلک چون حلقة خاتم به فرمان تو می گردد

۳) سلیمان وار اگر سازی هوا را زیر دست خود

شیشه چون شد تهی از باده پریخانه شود

۴) دل خالی ز هوس خلوت جانانه بود

۱۰- کدام گزینه به مفهوم مقابل «تقلید و پیروی در رفتار یا تسلیم» اشاره دارد؟

- |                                   |                                     |
|-----------------------------------|-------------------------------------|
| وز قلم او رقمی می‌کشید            | ۱) بر قدم او قدمی می‌کشید           |
| باز گردد یا برآید چیست فرمان شما؟ | ۲) عزم دیدار تو دارد جان بر لب آمده |
| رو سر خود گیر و سرگردان مشو       | ۳) مرد باش و سخراه مردان مشو        |
| من خود چو قلم، همی دوم بر سر خویش | ۴) تو رنجه مشو، برون میا از در خویش |

۱۱- به ترتیب معنای واژگان «حلوات، زنخدان، فروماندن، دغل» در کدام گزینه آمده است؟

- |                                 |                                     |
|---------------------------------|-------------------------------------|
| ۲) شیرین، شانه، اقامت کردن، مکر | ۱) شیرینی، چانه، متحیر شدن، ناراستی |
| ۴) شیرین، چانه، شگفتزده، مکار   | ۳) شیرینی، قفا، متحیر شده، تنبیل    |

۱۲- معنای واژگان در تمام گزینه‌ها به جز گزینه ... کاملاً صحیح است.

- |                                 |                               |
|---------------------------------|-------------------------------|
| ۲) نزند: خوار و زبون، کهنه      | ۱) جیب: گریبان، یقه           |
| ۴) تیره‌رایی: بداندیشی، ناراستی | ۳) ادباء: نگون‌بختی، پشت‌کردن |

۱۳- در ابیات زیر، املای کدام واژگان نادرست به کار رفته است؟

- |                                     |   |
|-------------------------------------|---|
| گر بنده حق آن نگذارد بر او مگیر     | الف) کس را سزای ذات تو مধی نداد دست       |
| شدن به بحر و گهر بر نخواستن ننگ است | ب) ز خود گذشته‌ای ای قطره محل‌اندیش       |
| ای جهان دیده ثبات قدم از سفله مجوی  | ج) سفله تبع است جهان بر کرمش تکیه مکن     |
| کز فراق سوختم ای مهربان فریادرس     | د) محمل جانان بیوس آن گه به زاری عرضه دار |
| (۲) نگذارد، بحر، فراق               | (۱) نگذارد، بر نخواستن، تبع               |
| (۴) عرضه، محل‌اندیش، سفله           | (۳) تبع، عرضه، محمل                       |

۱۴- در همه ابیات به استثنای بیت ... آرایه متناقض نما وجود دارد.

- |                                       |   |
|---------------------------------------|---|
| کاین چرخ فرومایه ندارد ثمن ما         | ۱) بی‌قیمتی مازگران‌مایگی ماست          |
| که خورشید جمع از پراکندگی است         | ۲) ره رستگاری در افسکندگی است           |
| که به کفر سر زلفت نبود ایمانش         | ۳) در ره عشق مسلمان نتوان گفت او را     |
| ابر گاه از باد جمع و گه پریشان می‌شود | ۴) آه گاه از دل زداید زنگ و گه زنگ آورد |

## ۱۵- یکی از آرایه‌های مقابل کدام بیت، نادرست است؟

- |  |  |
|--|--|
| دیده کنعنیان را بوی پیراهن بس است (تلمیح، جناس)                | ۱) گوشه‌گیران قفس را نکهت گلشن بس است  |
| پرده پوش راز گوهر سینه دریا بس است (استعاره، کنایه)            | ۲) از دل پر خون تراوش کم کند اسرار عشق |
| جلوهای از دور از آن سرو روان ما را بس است (واج‌آرایی، استعاره) | ۳) همچو طوق قمریان آغوش ما گستاخ نیست  |
| خوش حلقه‌ای است لیک به در نیست راه از او (ایهام، تشبيه)        | ۴) خط عذار یار که بگرفت ماه از او      |

## ۱۶- همه واژه‌های گزینه ... دو به دو به لحاظ رابطه معنایی در یک حوزه قرار می‌گیرند.

- |  |    |
|--|----|
| اعمی و بصیر - هیوط و صعود - سفر و حضر - قانع و طامع        | ۱) |
| عزل و نصب - جزر و مد - هزاوه و غریو - مضرات و منافع        | ۲) |
| ایجاز و اطناب - مرح و ذم - سلاست و روانی - ینبوع و چشممه   | ۳) |
| بدو و ختم - افراط و تفريط - انقباض و انبساط - ابطال و الغا | ۴) |

۱۷- در کدام بیت، نقش تبعی وجود نارد؟

- |                                    |   |
|------------------------------------|---|
| سر اگر کشته شود بر سرکاری باری     | ۱) دل اگر بار کشد بار نگاری باری        |
| تو را رسد که چو دعوی کنی بیان داری | ۲) جمال عارض خورشید و حسن قامت سرو      |
| نه برج من که همه عالم آشیان داری   | ۳) بدین روش که تو طاووس می‌کنی رفتار    |
| فراتر آی که ره در میان جان داری    | ۴) بدین صفت که تویی دل چه جای خدمت توست |

## ۱۸- از کدام بیت، مفهوم «ناتوانی عقل در برابر عشق» دریافت می‌شود؟

- |  |                                      |
|--|--------------------------------------|
| چرخ از تو هزار بار بیچاره‌تر است       | ۱) با چرخ مسکن حواله کاندر ره عقل    |
| مانمی‌خواهیم ننگ و نسام را             | ۲) گرچه بدنامی است نزد عاقلان        |
| عشق می‌گفت به شرح آن چه بر او مشکل بود | ۳) دل چو از پیر خرد نقل معانی می‌کرد |
| هر که را عقل نیست دولت نیست            | ۴) عقل و دولت قرین یکدیگرند          |

## ۱۹- عبارت «قاضی بسیار دعا کرد و گفت: «این صلت فخر است، پذیرفتم و باز دادم که مرا به کار نیست و قیامت سخت نزدیک است، حساب

این نتوانم داد.» با همه آیات بهجز ... تناسب مفهومی دارد.

- |                                |                                     |
|--------------------------------|-------------------------------------|
| شکار از دست گنجشکان نگیرد      | ۱) اگر عنقا ز بی‌برگی بمیرد         |
| ز آب جو نهنگ لجه آشام          | ۲) مکن باور که هرگز تر کند کام      |
| کجا از صعوه صید انداز باشد     | ۳) عقاب آن جا که در پرواز باشد      |
| البهی باشد که رقصی کند کبک دری | ۴) با عقاب تیز چنگ و با همای تیز پر |

۲۰- مفهوم بیت زیر با کدام بیت تناسب دارد؟

«بگفتارو صبوری کن در این درد/ بگفت از جان صبوری چون توان کرد»

- |                                      |   |
|--------------------------------------|---|
| بیداد نیکوان همه بر آشنا رود         | ۱) ای آشنا! کوی محبت صبور باش               |
| که چو دل آب شود چشممه حیوان گردد     | ۲) صبر کن بر نفس گرم خود ای تشنه جگر        |
| سرانجام همه کارت بود از صبر پا بر جا | ۳) صبوری ورز اگر خواهی که کام دل به دست آری |
| به هر زه باد هوا می‌دمد بر آهن سردم  | ۴) هر آن کسم که نصیحت همی کند به صبوری      |

۲۱- «إِنْ تَتَّقُوا اللَّهُ يَجْعَلُ لَكُمْ فُرْقَانًا»:

۱) اگر از خدا بترسید، برای شما نیروی تشخیص حق از باطل ایجاد می‌شود!

۲) اگر پروای خدا کنید، برایتان نیروی تشخیص حق از باطل قرار می‌دهد!

۳) چنان‌چه تقوای الهی داشته باشید، قدرتی برای تشخیص حق از باطل خواهید یافت!

۴) چنان‌چه از خدا پروا کنید، قدرت تشخیص حق از باطل را به شما خواهد داد!

۲۲- «إِنْ ظَلَمْكُمْ مَنْ أَضَعَفَ مِنْكُمْ، فَاغْفُوا عَنْهِ كِرَاماً وَ إِنْ ظَلَمْكُمْ ظَالِمٌ فَلَا تَسْتَسْلِمُوا أَمَامَهُ أَبْدَأِ»:

۱) اگر کسی که از شما ضعیفتر است به شما ظلم کند، از او کریمانه بگذرید و اگر ستمگری به شما ظلم کند هرگز در مقابلش تسلیم نشوید!

۲) اگر کسی که ناتوان است به تو ظلمی روا داشت، او را کریمانه ببخش، ولی اگر ظالمی به تو ستم کرد نباید در مقابلش تسلیم شوی!

۳) هرگاه ضعیفتر از شما به شما ستم کند، کریمانه او را غفو کنید، ولی اگر ستمگری به شما ظلم کند نباید در برابرش تسلیم شوید!

۴) اگر ناتوانی به شما ستم کرد کریمانه از او بگذرید، اما اگر انسانی ستمگر به شما ظلم کرد هرگز در برابرش تسلیم نشوید!

## سایت کنکور

۲۳- عین الصَّحِيحِ:

۱) للطَّلَابِ فِي مَحَضِرِ الْمُعْلِمِ آدَابٌ؛ وَ بِرَأْيِ دَانِشِ آمُوزِ در حضورِ مَعْلِمِ آدَابٍ وجودِ دَارَ.

۲) أَهْمُهَا أَنْ يَجْلِسُوا أَمَامَ الْمَعْلِمِ بِأَدَبٍ؛ از موارد مهم آن این است که در مقابل معلم بالدب بنشینند.

۳) وَ كُلَّ تَلَمِيذٍ لَا يَتَكَلَّمُ مَعَ الَّذِي خَلَفَهُ؛ وَ هر دانشآموزی با کسی که پشت سرش هست نباید صحبت کند!

۴) إِنْ نَلَّتْمِ بِهَا فَسُوفَ يَتَبَّهُ الزُّمَلَاءُ الْمُشَغَّلُونَ؛ اگر ما به آن پاییند باشیم، دانشآموزان شلغ آگاه خواهند شد!

۲۴- عین الخطأ في المفهومِ:

۱) ما فعلت من الخيرات وجدتها ذخيرة لاخرتك! «مَنْ يَعْمَلْ مِثْقَلَ ذَرَةٍ خَيْرًا يَرَهُ»

۲) السَّكُوتُ ذَهَبٌ وَ الْكَلَامُ فِضَّةٌ؛ تا مرد سخن نگفته باشد / عیب و هنر ش نهفته باشد

۳) «إِنْ أَحْسَنْتُمْ أَحْسَنْتُمْ لِأَنفُسِكُمْ»: هر چه کنی به خود کنی / اگر همه نیک و بد کنی

۴) خَيْرُ الْأُمُورِ أَوْسَطُهَا! اندازه نگه دار که اندازه نکوست

٢٥- أي كلمة لا تنسّب التوضيحات؟

(١) لوح في الصّفّ يكتب عليه المعلم و طلابه! السّبورة

(٢) محاولة قبيحة لكشف أسرار الناس! الفضح

(٣) علم مطالعة خواص و تركيبات العناصر! الكيمياء

(٤) مكان يشتري الناس منه أشياء مختلفة أو مكان للتجارة! المتجر

٢٦- أي العبارتين فيهما خطأ:

(الف) المشاغب: لا يجترب أعمالاً فيها إساءة للأخرين!

(ب) التعايش: هو أن تعيش الأحياء بعضها مع بعض!

(ج) علم الأحياء: علم يتحدث عن كيفية تركيب المواد و خواص العناصر!

(د) المعجم: كتاب يضم مفردات لغوية و شرحاً لمفردات الكلمات!

(هـ) إذا تكلم اثنان بكلام حفيبي بينهما فهمما يفهمسان!

(و) التّعثُّ: هو التّجمع و الدّوران حول شيء!

(٤) ج، و

(٣) ب، د

(٢) ج، هـ

(١) الف، ج

٢٧- عين الفعل الماضي مضارعاً في المعنى:

(١) ما قسم الله للعباد شيئاً أفضل من العقل!

## سایت کنکور

Konkunin

(٣) في صفتنا طالب مشاغب، إن تتبأه اليوم فلا تقرأ انشائك!

(٤) ما علم المعلم أن الطالب يهمس إلى الذي يجلس جنبه!

٢٨- عين ما ليس فيه اسم الفاعل:

(٢) علينا أن نساعد المستضعفين في العالم!

(١) إن كثرة الكلام قاتل الإنسان!

(٤) يشاهد الطلاب معلمهم في المكتبة!

(٣) ما تزرع في الدنيا، تحصد في الآخرة!

٢٩- عین العبارة التي جاء فيها اسم التفضيل:

- ١) «عَسَى أَن تُحِبُّو شَيْئاً وَ هُوَ شَرٌ لَكُمْ»  
٢) إِنَّ اللَّهَ خَلَقَ الْخَيْرَ وَ الشَّرَّ إِلَّا بَعْدَ الْآخِرَةِ!  
٣) حَيٌّ عَلَى خَيْرِ الْعَمَلِ!  
٤) لَئِنْ تَرَى الْخَيْرَ وَ الشَّرَّ إِلَّا بَعْدَ الْآخِرَةِ!

٣٠- عین جواب الشرط جملة إسمیة:

- ١) مَنْ حَاولَ فِي أَعْمَالِهِ حَصَلَ عَلَيْهَا!  
٢) مَنْ فَعَلَ قَبْلَ الْكَلَامِ قَلَّ خَطْوَهُ!  
٣) «مَنْ يَتَوَكَّلْ عَلَى اللَّهِ فَهُوَ حَسِبُهُ»  
٤) مَنْ يَزْرَعُ فِي الدُّنْيَا يَحْصُدُ فِي الْآخِرَةِ!

٣١- عین الصحيح في الترجمة: «مَنْ يُحِبَ اللَّهُ يُحْسِنُ إِلَى النَّاسِ، وَ مَنْ يُحْبَهُ اللَّهُ يُبْعِدُ عَنْهُ الشَّرَّ!»

١) هرکس خدا را دوست بدارد با مردم به خوبی رفتار می کند، و کسی که خدا او را دوست دارد، از بدی دور می شود!

٢) هر آن که حب خدا در دل دارد، به مردم احسان می کند، و آن کس که خدا او را دوست دارد، از بدی دور می ماند!

٣) کسی که خدا را دوست دارد به مردم نیکی می کند، و کسی که خدا او را دوست دارد، بدی را از او دور می کند!

٤) آن که دوستدار خدا است به مردم احسان می کند، و آن که خدا دوستدار اوست، او را از شر دورش می سازد!

٣٢- «كَلْمَ النَّاسَ عَلَى قَدْرِ عَقُولِهِمْ!»؛ عین المناسب للمفهوم:

- ١) إِنَّ خَيْرَ الْكَلَامِ مَا يُمْكِنُ فَهْمَهُ لِلنَّاسِ!  
٢) إِنَّكُمْ مَسْؤُلُونَ عَنْ كَلَامِكُمْ بَيْنَ النَّاسِ!  
٣) يَجِبُ عَلَيْكُمْ أَنْ تَحْفَظُوا لِسَانَكُمْ أَمَامَ النَّاسِ!  
٤) تَأْمَلْ قَبْلَ أَنْ تَبْدِأَ بِالْكَلَامِ أَمَامَ النَّاسِ!

Konkur.in

المأثور أن يشكر الإنسان أصدقاءه لأنهم عون (= مُساعدة) له على مصائب الدهر وبهم يتنهج الإنسان و يأنس، و كذلك قد تعود الإنسان أن يهرب من عدوه و ممن ينقدر و يشتمه و يذمه! ولكن بسبب أن عين الصديق لا ترى معایب صديقه، حيث إن عين المحبة تستر هذه المعایب، فالنتيجة هي بقاء الصديق على عيوبه!

أما عين العدو فهو حريصة على البحث عن السيئات لتعلنها. فلذلك نضطر إلى اجتناب العيوب حتى لا يقوم العدو بإفشاءها ل يجعلها وسيلة للسيطرة علينا؛ و من فهم أنه يمكن أن يخطأ يبحث عمن يذكره! و من نتائج مراقبة العدو على كل صغيرة وكبيرة مما أثنا نزيد إشرافنا على إصلاح أنفسنا و تهذيب أخلاقنا. فهذه الرواية إذا قويت و اعتقاد بها جميع أفراد الأمة من الرؤساء و الكتاب و ... تقدمت البلاد!

### ٣٣- متى يصبح إعلان التوافق و إفشاوهما مفتاحاً للوصول إلى الفضائل؟

- (١) حين نهتم بأنفسنا و لا نريد أن نبيعها إلى من لا يريدها!  
(٢) إذا زدنا إشرافنا على إصلاح أنفسنا و تهذيب أخلاقنا!

### ٣٤- عَيْنُ الصَّحِيحِ:

- (١) من واجبات العدو إصلاح مفاسد الصديق!  
(٢) لا تقدم البلاد بالأصدقاء بل بالأعداء البئاء!

- (٣) المدح من واجبات الصديق كما أن الذم من واجبات العدو!

### ٣٥- عَيْنُ الْخَطَا: من استنتاجات النص هو ...:

- (١) أنه يجب على الإنسان أن لا يتوقع من نفسه الحسنة دائماً، فلذلك بحاجة إلى التذكرة!  
(٢) أنه لا نستطيع أن نجد إنساناً كله خير! فواجبنا تقليل السيئات و تكثير الحسنات!  
(٣) أن من يبحث عن نوافعنا و يظهرها، يرشدنا إلى طريق تقمنا و رشدنا!  
(٤) أن المجتمع يجب أن يهتم بأعدائه أكثر من أصدقائه!

### ٣٦- عَيْنُ الْمُنَاسِبِ لِمَفْهُومِ النَّصِّ:

- (١) الناس للناس بعضهم البعض و إن لم يشعروا، خدم!  
(٢) إن الصديق من أظهر عيوبه لا من سترها و حسنه!  
(٣) ليست العظمة أن لا تخطئ أبداً بل في أن تصلح دائماً!  
(٤) الطريق المفروش بالأزهار لا يسبّب المجد و العظمة!

٣٧- عَيْنُ الصَّحِيحِ فِي نَوْعِيَّةِ الْكَلْمَاتِ أَوْ مَحْلِهَا الْإِعْرَابِيَّ:

«فَهَذِهِ الرَّوْيَةُ إِذَا قَوِيتْ وَاعْتَقَدْ بِهَا جَمِيعُ أَفْرَادِ الْأُمَّةِ مِنَ الرُّؤْسَاءِ وَالْكُتَّابِ وَ... تَقْدَمَتِ الْبَلَادُ!»

١) الرَّوْيَةُ: اسْمٌ، مَفْرَدٌ مُؤَنَّثٌ، نَكْرَةٌ

٢) قَوِيتْ: فَعْلٌ ماضٍ، لِلْمَفْرَدِ الْمُؤَنَّثِ / فَاعِلٌ «الرَّوْيَةُ»

٣) أَفْرَادٌ: جَمْعٌ تَكْسِيرٌ (مَفْرَدُهُ «فَرْدٌ» وَهُوَ مَذَكُورٌ) / فَاعِلٌ

٤) تَقْدَمَتِ: فَعْلٌ ماضٍ / فَعْلٌ وَفَاعِلُهُ «الْبَلَادُ»، جَوابُ الشَّرْطِ

٣٨- عَيْنُ الْخَطَا فِي الْمَحَلِّ الْإِعْرَابِيِّ:

«عَيْنُ الْعَدُوِّ فَهِيَ حَرِيصَةٌ ... فَلَذِكَ نَضْطَرَ إِلَى اجْتِنَابِ الْعِيُوبِ حَتَّى لا يَقُومُ الْعَدُوُّ بِإِفْشَانِهَا لِيَجْعَلُهَا وَسِيلَةً لِلسَّيِّطَرَةِ عَلَيْنَا!»

١) حَرِيصَةٌ: خَبْرٌ      ٢) إِجْتِنَابٌ: مَجْرُورٌ بِحَرْفِ الْجَرِّ      ٣) الْعَدُوُّ: مَفْعُولٌ      ٤) وَسِيلَةٌ: مَفْعُولٌ

٣٩- عَيْنُ جَمْلَةٌ تَصَفُّ نَكْرَةً:

١) كَأَنْ وَجْهَ أُمِّي صَفْحَةُ الْبَحْرِ لَيْسَ لَهُ لَوْنٌ وَاحِدٌ!

٢) أَرِيدُ أَنْ أَصْفِ لَكُمْ حَفْلَةً عَانِيَةً لَنْ أَنْسَاهَا أَبَدًا!

٣) مَعْلَمَنَا يُشَجَّعُنَا عَلَى أَدَاءِ الْوَاجِبَاتِ الْمُنْزَلِيَّةِ!

٤٠- عَيْنُ فَعْلًا يُتَرَجِّمُ عَلَى شَكْلِ الْمَضَارِعِ الْإِلْتَرَامِيِّ:

١) نَجَمَعُ حَوْلَ الأَسْتَادِ لِفَهْمِ مَوْضِعَاتِ مَهْمَةٍ فِي حَيَاتِنَا!

٢) أَلَيْوَمْ أَذْهَبَ عَنِّي جَنَّتِي الْحَنُونُ لِعِيَادَتِهَا لَأَنَّهَا مَرِيْضَةٌ!

٣) يَسْتَفِدُ الشَّبَابُ مِنْ نَصَائِحِ الْكَبَارِ لِاِكْتَسَابِ التَّجَارِبِ الْقِيمَةِ!

٤١- عَلَتْ تَمايزُ دَاشْتَنْ شَيْوَهُ هَدَيَاتِ الْهَيِّ بِرَأْيِ اَنْسَانٍ نَسْبَتْ بِهِ هَدَيَاتِ سَابِرِ مَوْجُودَاتِ چِيْسِتْ وَأَيْنِ هَدَيَاتِ چِگُونَهِ درِ نَظَرِ

گَرْفَتَهُ شَدَهُ اَسْتَ؟

١) تَفَاوُتٌ درِ وِيزْگَهَیِ ذاتِيِ اَنْسَانٌ - كَنَارٌ هُمْ قَرَارٌ دَادَنْ عَقْلٌ وَاخْتِيَارٌ

٢) تَمايزُ درِ اَصْلِ آفَرِينِشِ هَدَفِمنَدٌ - كَنَارٌ هُمْ قَرَارٌ دَادَنْ تَكْوِينٌ وَتَشْرِيعٌ

٣) تَمايزُ درِ اَصْلِ آفَرِينِشِ هَدَفِمنَدٌ - كَنَارٌ هُمْ قَرَارٌ دَادَنْ عَقْلٌ وَاخْتِيَارٌ

٤) تَفَاوُتٌ درِ وِيزْگَهَیِ ذاتِيِ اَنْسَانٌ - كَنَارٌ هُمْ قَرَارٌ دَادَنْ تَكْوِينٌ وَتَشْرِيعٌ

۴۲- مفهوم «تحدى» از دقت در کدام عبارت قرآنی به دست می‌آید و این عبارت مؤید کدام نکته است؟

- ۱) «لَا يَأْتُونَ بِمِثْلِهِ» - آسان‌ترین راه برای غیر الهی نشان دادن اسلام
- ۲) «فَأَتُوا بِسُورَةٍ مِثْلِهِ» - اثبات نهایت عجز منکرین معاد و قرآن کریم
- ۳) «فَأَتُوا بِسُورَةٍ مِثْلِهِ» - آسان‌ترین راه برای غیر الهی نشان دادن اسلام
- ۴) «لَا يَأْتُونَ بِمِثْلِهِ» - اثبات نهایت عجز منکرین معاد و قرآن کریم

۴۳- سبب حیات جسمانی و روحانی بشر به ترتیب در کدام آیات مشهود است و پاسخ به نیازهای انسان در عالم طبیعت مؤید کدام صفت باری

تعالی است؟

- ۱) «كُل شَيْءٌ حَيٌّ» - «استجِبُوا لِلّهِ وَلِرَسُولِهِ» - رحمت الهی
- ۲) «كُل شَيْءٌ حَيٌّ» - «استجِبُوا لِلّهِ وَلِرَسُولِهِ» - حکمت الهی
- ۳) «دُعَاكُمْ لَمَا يَحْيِيْكُمْ» - «لِنُحْيِيَّهُ» - حکمت الهی
- ۴) «دُعَاكُمْ لَمَا يَحْيِيْكُمْ» - «لِنُحْيِيَّهُ» - رحمت الهی

۴۴- اولین مواجهه انسان با نیاز «کشف راه درست زندگی» همراه با چیست و منشأ آن چه می‌باشد؟

- ۱) تفکر در افق اعلی - دل‌مشغولی‌ها و دغدغه‌های فکری
- ۲) تجربه تکرارنشدنی فرصت زندگی - دل‌مشغولی‌ها و دغدغه‌های فکری
- ۳) تفکر در افق اعلی - سرمایه‌های فراوان انسانی
- ۴) تجربه تکرارنشدنی فرصت زندگی - سرمایه‌های فراوان انسانی

۴۵- «توانایی در پاسخ به نیازهای فردی و اجتماعی» و «جاودانگی تعالیم اسلام» به ترتیب به کدام‌یک از عوامل ختم نبوت اشاره دارند؟

- ۱) بلوغ فکری و فرهنگی جوامع بشری - پویایی دین اسلام
- ۲) وجود قوانین تنظیم‌کننده - پویایی دین اسلام
- ۳) بلوغ فکری و فرهنگی جوامع بشری - حفظ قرآن کریم از تحریف
- ۴) وجود قوانین تنظیم‌کننده - حفظ قرآن کریم از تحریف

۴۶- اصطفای انبیای الهی برای هدایت بشر، براساس کدام صفات خداوندگار هستی صورت پذیرفت؟

- ۱) تدبیر و حکمت
- ۲) لطف و رحمت
- ۳) سرپرستی و ولایت
- ۴) علم و قدرت

۴۷- کدام بیت در ارتباط با ترجمه عبارت قرآنی «دین را به پا دارید و در آن تفرقه نکنید.» است؟

۱) یکی خط است ز اوّل تا به آخر / بر او خلق جهان گشته مسافر

۲) و ز ایشان سید ما گشته سالار / هم او اول هم او آخر در این کار

۳) بر او ختم آمده پایان این راه / بر او نازل شده «ادعو الى الله»

۴) شده او پیش و دلها جمله در پی / گرفته دست جانها دامن وی

۴۸- آن جا که امام باقر (ع) می‌فرمایند: «خداؤند آن‌چه را که امت تا روز قیامت به آن احتیاج دارد، در کتابش آورده است.» مربوط به کدامیک

از ویژگی‌های محتوایی قرآن کریم بوده و منظور از احتیاج، کدام نوع احتیاج می‌باشد؟

۱) انسجام درونی در عین نزول تدریجی - هرگونه نیاز فردی و اجتماعی

۲) انسجام درونی در عین نزول تدریجی - نیازهای مربوط به برنامه زندگی و هدایت

۳) جامعیت و همه‌جانبه بودن - هرگونه نیاز فردی و اجتماعی

۴) جامعیت و همه‌جانبه بودن - نیازهای مربوط به برنامه زندگی و هدایت

۴۹- وجود دو یا چند دین در یک زمان، نشانگر چیست و علیت عبارت قرآنی «وَمَن يَبْيَغُ غَيْرَ الْإِسْلَامِ دِينًا فَلَن يَقْبَلَ مِنْهُ» کدام است؟

۱) پیروان پیامبران از فرمان خدا و دستورات پیامبران گذشته سرپیچی کردند. - زیان کار شناخته شدن در آخرت

۲) پیروان پیامبران از فرمان خدا و دستورات پیامبران گذشته سرپیچی کردند. - کاملاً الهی بودن قرآن

۳) بخشی از تعلیمات پیامبر قبلی، اکنون پاسخگوی نیازها نیست. - کاملاً الهی بودن قرآن

۴) بخشی از تعلیمات پیامبر قبلی، اکنون پاسخگوی نیازها نیست. - زیان کار شناخته شدن در آخرت

۵- اشاره به نکات علمی بی‌سابقه از جانب قرآن کریم، ذهن انسان را به کدام نکته مبادر می‌سازد و کدام عبارت شریفه مؤید نظریه انساط

Konkur.in

جهان است؟

۱) سطح علمی قرآن کریم، قابل مقایسه با سطح علم زمان نزول آن نیست. - «إِنَّا لِمُوسِعِينَ»

۲) توجه قرآن کریم به علم و دانش با ساختار زیبای آن، عجین شده است. - «إِنَّا لِمُوسِعِينَ»

۳) سطح علمی قرآن کریم، قابل مقایسه با سطح علم زمان نزول آن نیست. - «بَيْنَنَا هَا يَأْتِي»

۴) توجه قرآن کریم به علم و دانش با ساختار زیبای آن، عجین شده است. - «بَيْنَنَا هَا يَأْتِي»

۵۱- از دقت در پیام کدام آیه «مسدود بودن راه بهانه‌گیری انسان‌های دور افتاده از راه هدایت» مفهوم می‌گردد؟

۱) «رَبُّنَا الَّذِي أَعْطَى كُلَّ شَيْءٍ خَلْقَهُ ثُمَّ هَدَى»

۲) «رَسُّلًا مُّبَشِّرِينَ وَ مُّنذِرِينَ لَئِنَّا يَكُونُ لِلنَّاسِ عَلَى اللَّهِ حِجَةٌ بَعْدَ الرَّسُّلِ»

۳) «وَ قَالُوا لِلَّهِمَّ إِنَّا لَهُدَاكُمْ وَ مَا كُنَّا لِنَهْتَدِي لَوْلَا أَنْ هَدَانَا اللَّهُ»

۴) «إِلَّا الَّذِينَ آمَنُوا وَعَمِلُوا الصَّالِحَاتِ وَتَوَاصَوْا بِالْحَقِّ»

۵۲- با وجود این‌که اساس دعوت پیامبران دین واحد بوده است، دلیل چند دینی چیست و کدام آیه شریفه حاکی از آن است؟

۱) تجاوز آگاهانه مردم به اصالت دعوت- «أَهْلُكِتَابٍ دَرَأَنَ رَاهَ مُخَالَفَتِ نَبِيِّمُودَنَدْ مَغْرِبَ...»

۲) ناآگاهی مردم از ایجاد اختلاف در دین خدا- «أَهْلُكِتَابٍ دَرَأَنَ رَاهَ مُخَالَفَتِ نَبِيِّمُودَنَدْ مَغْرِبَ...»

۳) تجاوز آگاهانه مردم به اصالت دعوت- «خَدَاوَنَدْ از دِينِ هَمَانَ رَا بِرَايَتَانَ بِيَانَ كَرَدَ كَهْ نُوحَ رَا بِدَانَ سَفَارَشَ نَمُودَ»

۴) ناآگاهی مردم از ایجاد اختلاف در دین خدا- «خَدَاوَنَدْ از دِينِ هَمَانَ رَا بِرَايَتَانَ بِيَانَ كَرَدَ كَهْ نُوحَ رَا بِدَانَ سَفَارَشَ نَمُودَ»

۵۳- کدام مورد بیانگر جنبه‌های اعجز لفظی قرآن کریم است؟

۱) عدم وجود تعارض و ناسازگاری و هماهنگی وصفناپذیر الفاظ قرآن

۲) رسایی در تعبیرات با وجود اختصار و شیرینی بیان این کتاب

۳) توجه به استفاده از الفاظ هماهنگ با فرهنگ مردم حجاز و تأثیرپذیری از آن

۴) درخشندگی و شادابی هر چه بیشتر همراه با پیشرفت فرهنگ و دانش بشری

۵۴- پیامبر گرامی اسلام (ص) مطابق رسم زمانه نزد کسی درس نخواند، در عین حال از همان ابتدای بعثت، آیاتی را بر مردم خواند که برترین

معارف را دربرداشت. قرآن کریم در این‌باره چه می‌فرماید؟

Konkur.in

۱) «آتَيْ قَدْ جِئْتُكُمْ بِآيَةٍ مِّنْ رَبِّكُمْ آتَى أَخْلَقَ لَكُمْ مِنِ الظَّيْنِ»

۲) «وَ مَا كُنْتَ تَنْلُو مِنْ قَبْلِهِ مِنْ كِتَابٍ وَ لَا تَخْطُلْ بِبِيمِنِكِ إِذَا لَأْرَاتَابَ الْمُبْطَلُونَ»

۳) «أَفَلَا يَتَدَبَّرُونَ الْقُرْآنَ وَ لَوْ كَانَ مِنْ عِنْدِ غَيْرِ اللَّهِ لَوْ جَدُوا فِيهِ اخْتِلَافًا كَثِيرًا»

۴) «وَ إِنْ كُنْتُمْ فِي رَيْبٍ مِّمَّا نَزَّلْنَا عَلَى عَبْدِنَا فَأَتُوا بِسُورَةٍ مِّنْ مِثْلِهِ»

۵۵- از دقت در آیه شریفه «بِاَيْهَا الَّذِينَ آمَنُوا اسْتَجِبُوْلَهُ وَلِرَسُولِ اذَا دَعَاكُمْ لَمَا يَحِيِّكُمْ» مفهوم می‌گردد که:

- ۱) اطاعت از خدا، زندگی بخش به انسان است.  
۲) مخاطب دعوت خدا و رسول، فطرت الهی انسان است.  
۳) مخاطب دعوت خدا و رسول، زندگانند و نه مردگان.  
۴) دین، مظاهر حیات را ارج می‌نهد و به آن تشویق می‌کند.

۵۶- آمدن پیامبران متعدد برای چه منظوری بوده است و کدام حدیث شریف اشاره به این موضوع دارد؟

- ۱) تعلیمات اصیل و تحریفنشده را به انسان‌های دوران خود ابلاغ کنند. «آتا معاشر الانبیاء امرنا ان نکلم الناس ...»  
۲) تعلیمات اصیل و تحریفنشده را به انسان‌های دوران خود ابلاغ کنند. «رسلاً مُبَشِّرِينَ وَ مُنذِّرِينَ لَئِنَّا يَكُونُ لِلنَّاسِ عَلَى اللَّهِ ...»  
۳) دین الهی را در خور فهم و اندیشه‌ی انسان‌های دوران خود بیان کنند. «آتا معاشر الانبیاء امرنا ان نکلم الناس ...»  
۴) دین الهی را در خور فهم و اندیشه‌ی انسان‌های دوران خود بیان کنند. «رسلاً مُبَشِّرِينَ وَ مُنذِّرِينَ لَئِنَّا يَكُونُ لِلنَّاسِ عَلَى اللَّهِ ...»

۵۷- پیام کدام آیه «انسجام درونی در عین نزول تدریجی» قرآن است؟

- ۱) «وَ مِنْ آيَاتِهِ خَلْقُ السَّمَاوَاتِ وَ الْأَرْضِ وَ اخْتِلَافُ أَلْسِنَتِكُمْ وَ أَلْوَانِكُمْ»  
۲) «وَ مِنْ آيَاتِهِ أَنَّ خَالِقَ لَكُمْ مِنْ أَنفُسِكُمْ أَزْوَاجًا لِتَسْكُنُوا إِلَيْهَا»  
۳) «أَمْ يَقُولُونَ افْتَرَاهُ قُلْ فَأَتُوا بِسُورَةٍ مِثْلِهِ»  
۴) «إِفْلَا يَتَبَرَّوْنَ الْقُرْآنَ وَ لَوْ كَانَ مِنْ عِنْدِ غَيْرِ اللَّهِ لَوَجَدُوا فِيهِ اخْتِلَافًا كَثِيرًا»

۵۸- چه چیزی موجب باقی ماندن تعالیم پیامبران در میان مردم و ماندگاری پیام الهی گردید؟

- ۱) رشد تدریجی سطح فکر جوامع و اقوام مختلف بشری  
۲) استمرار در دعوت پیامبران و ترویج پیوسته دین الهی

۳) درک صحیح مردم از پیام الهی و سخن گفتن در حد توان آنان

۴) ابتدایی بودن سطح فرهنگ و زندگی اجتماعی و عدم توسعه ارتباطات

۵۹- به بیان امام کاظم علیه السلام، انحصر ارسال رسولان علیهم صلوات الله اجمعین، به سوی بندگان از جانب خدای متعال، تحقق ... است و

داناتر بودن آنان به فرمان الهی ... است.

- ۱) تعقل- معلول برتری معرفت  
۲) ایمان- معلول برتری معرفت  
۳) تعقل- علت استواری ایمان  
۴) ایمان- علت استواری ایمان

۶۰- «فطرت مشترک انسانی و ویژگی‌های فطری مشترک، ملازم با عنایت خداوند، در قرار دادن یک برنامه‌ی کلی برای دست‌یابی به هدف مشترک است» این مفهوم، از دقّت در پیام کدام آیه به دست می‌آید؟

(۱) «خداوند از دین همان را برایتان بیان کرد که نوح را بدان سفارش نمود.»

(۲) «ما پیامبران مأمور شده‌ایم که با مردم به اندازه عقل‌شان سخن بگوییم.»

(۳) «ما در هر امتی رسولی را برانگیختیم که خدای یگانه را بپرستید و از طاغوت اجتناب کنید.»

(۴) «قطعًا دین نزد خداوند اسلام است و اهل کتاب در آن، راه مخالفت نپیمودند مگر پس از آن که به حقانیت آن آگاه شدند.»

**61- Can you call me later? I need ... to write this essay for tomorrow.**

- |                       |                  |
|-----------------------|------------------|
| 1) a few more times   | 2) many times    |
| 3) a little more time | 4) few more time |

**62- Can you give me ... information about the location of the supermarkets in this neighborhood please?**

- |           |         |          |           |
|-----------|---------|----------|-----------|
| 1) little | 2) some | 3) a few | 4) lot of |
|-----------|---------|----------|-----------|

**63- To help meet this goal, the committee is offering ... prizes more frequently.**

- |             |             |             |               |
|-------------|-------------|-------------|---------------|
| 1) variable | 2) probable | 3) valuable | 4) impossible |
|-------------|-------------|-------------|---------------|

**64- Generally speaking, ... provides our primary method of communication.**

- |             |         |                    |            |
|-------------|---------|--------------------|------------|
| 1) language | 2) host | 3) foreign country | 4) English |
|-------------|---------|--------------------|------------|

**65- I like reading ... stories because I can learn about the lives that people led long ago.**

- |              |               |                |                  |
|--------------|---------------|----------------|------------------|
| 1) different | 2) historical | 3) uncountable | 4) international |
|--------------|---------------|----------------|------------------|

**Knowing English nowadays is a necessity. If you want to study at university, your ... (66) ... is not enough. Many books that students study at university are in English. Many countries in the ... (67) ... of Asia teach English to their children at school because they want their children to read and write in English when they grow up. If we know English, we can ... (68) ... with other people in other countries. We can learn their beliefs, values and ideas. But English in our country has ... (69) ... speakers, and it means that many of our people do not know how to speak or write in English. So, English is a very ... (70) ... language around the world, and we need to learn it.**

**66- 1) mother tongue      2) farming region      3) sign language      4) language institute**

**67- 1) continent      2) ability      3) world      4) space**

68- 1) communicate

2) exist

3) use

4) enjoy

69- 1) a lot

2) a lot of

3) few

4) much

70- 1) native

2) early

3) quick

4) popular

**71- It's ... that you should care about everything when you walk in such a crowded street.**

1) rare

2) natural

3) careless

4) suitable

**72- The professor of the university asked many students in the class to ... the introduction paragraph because of a lot of mistakes in it.**

1) restart

2) rewrite

3) replay

4) reread

Until a couple of years ago, Mars has always been the top candidate for a planet other than Earth where life might be found. What if Mars disappoints us? Are there other candidates in the Solar System?

The answer is yes, and the next-best shot at finding extra-terrestrial life forms is on Europa, a moon of the planet Jupiter. Right now, there is no other body in the Solar System that attracts as much scientific attention as this bright strange-looking moon, the smallest of Jupiter's four large satellites. These satellites (as you would approach them moving outward from Jupiter) are Io, Europa, Ganymede and Callisto.

Europa seems like a good bet. Life might be a bit strange, but perhaps not a lot stranger than the life forms recently found around hot vents in the abyssal ocean. Liquid water and sources of energy are the essential prerequisites for life. Europa might well have them. Strong tidal heat could keep the inside of Europa warm enough to have liquid water beneath a layer of ice. Therefore, any organic compounds would be mobile, in water. They could interact.

**73- Which of the following questions is the one which the passage is mainly concerned with?**

1) What are the features of Jupiter?

2) What are the similarities between the Moon and Europa?

3) Why do scientists think Mars is unlikely to have intelligent life?

4) Where else in the Solar System (except Earth and Mars) is life likely to exist?

**74- Of Jupiter's four satellites, which one is the farthest to this planet?**

1) Io

2) Callisto

3) Europa

4) Ganymede

**75- Of the words used in the passage, which one can replace the word "bet" in paragraph 3?**

1) Life

2) Satellite

3) Candidate

4) Attention

76- Why does the author mention the word “ocean” in paragraph 3?

- 1) To give us a better sense of what possible life forms on Europa look like
- 2) To indicate the similarities between the conditions on Earth and those on Jupiter
- 3) To prove that the water needed for life to originate can be found in some parts of the Solar System
- 4) To discuss the reason why life forms on planets other than Earth would essentially be strange in form

**They** are quite a talking point in Italy at the moment, these so called *mammoni*. Just why is it that Italian “children” leave home so late in life? Many stay with their parents until well into their thirties. Some never leave the family nest at all. One reason is the Italian education system. It may seem unbelievable to those of you who finished your degree at the age of 21, but most Italian students don’t graduate until their late twenties. It is up to their families to support them financially, as the few scholarships granted are given to those from large families with lots of brothers and sisters who are also students.

Another reason is the *bella figura*, which is still such an important part of Italian life. Roughly translated, this means to create a good impression on others. In order to achieve *labella figura* it is quite normal for Italian youngsters to be given a brand new car at the age of 18, plus a mobile phone, and of course there will be no lack of parental handouts for new clothes, shoes, sunglasses and all those other essentials. Naturally this means there is no contribution to the housekeeping, even if the child is earning. One 35- year-old teacher, who is my friend, very honestly said, “My parents pay the bills and in exchange I’m there for them if they need me. I’m not unusual.”

77- The word “They” in paragraph 1 refers to Italian .... .

- |  |  |
|--|--|
| 1) family patterns                       | 2) parents who are in their thirties                         |
| 3) children leaving home so late in life | 4) young people tending to get a college degree late in life |

78- According to the passage, those Italian students who get financial aid for college education .... .

- 1) should then support their brothers and sisters
- 2) come from large families with talented children
- 3) can be hopeful to end their education before the age of 21
- 4) are not as great in number as those who go to college without such aid

79- The passage states that those young people whose families give them cars, mobile phones, and so on .... .

- 1) are not required to help around the house
- 2) should begin working as soon as they can
- 3) are not likely to live independently until they are 35
- 4) are expected to behave well enough to be a model for youngsters in other families

80- The author refers to a friend of his in paragraph 2 in order to ... .

- 1) mention an exception
- 2) introduce another reason
- 3) modify an earlier statement
- 4) further support the main point of the same paragraph

- ۸۱- صد جمله اول یک دنباله حسابی را در نظر بگیرید. اگر مجموع ۵ جمله اول و ۵ جمله آخر این دنباله برابر ۱۲۵ باشد، مجموع این صد جمله کدام است؟

۱۲۵۰ (۴)

۶۲۵ (۳)

۹۵۰ (۲)

۷۵۰ (۱)

- ۸۲- جمله اول یک دنباله هندسی ۵- و جمله آخر آن ۵ است. در صورتی که مجموع جملات این دنباله صفر باشد، قدرنسبت آن کدام است؟

-۲ (۴)

- $\frac{3}{2}$  (۳)- $\frac{1}{2}$  (۲)

-۱ (۱)

- ۸۳- اگر معادله  $3x^2 - 4x - 1 = 0$  دارای جواب‌های  $\alpha$  و  $\beta$  باشد، حاصل  $\frac{3\alpha^2 - 4\alpha}{3\alpha^2 + 4\beta}$  کدام است؟

 $\frac{3}{2}$  (۴) $\frac{3}{19}$  (۳) $\frac{3}{11}$  (۲) $\frac{4}{5}$  (۱)

- ۸۴- اگر خط  $y = 5$  نمودار تابع  $f(x) = x^2 - 5x + k$  را در دو نقطه A و B قطع کند، به طوری که طول نقطه A قرینه و معکوس طول نقطه B باشد، قدر مطلق تفاضل صفرهای تابع f کدام است؟

۲ (۴)

۱ (۳)

۴ (۲)

۳ (۱)

- ۸۵- مجموع جواب‌های معادله  $\frac{1}{x} + \frac{1}{x+1} + \frac{1}{x+2} + \frac{1}{x+3} = 0$  کدام است؟

- $\frac{3}{2}$  (۴)- $\frac{9}{2}$  (۳) $\frac{3}{2}$  (۲) $\frac{9}{2}$  (۱)

- ۸۶- اگر  $x = 1$ ، یک جواب معادله  $2x + 1 = \sqrt{2(1+k)x - k}$  باشد، جواب دیگر آن کدام است؟

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱) صفر

- ۸۷- مجموع جواب‌های معادله  $2\sqrt{\frac{x}{2x+1}} + \sqrt{2 + \frac{1}{x}} = 3$  کدام است؟

 $\frac{3}{2}$  (۴)- $\frac{3}{2}$  (۳) $\frac{1}{2}$  (۲)- $\frac{1}{2}$  (۱)

- ۸۸- به ازای چند مقدار صحیح a، معادله  $|x^2 - 4| - |x| = a$  دارای ۴ جواب است؟

۸ (۴)

۷ (۳)

۶ (۲)

۵ (۱)

- ۸۹- اگر A (۲,۱) یکی از رأس‌های مربع و O (-۲,۵) نقطه برخورد قطرهای آن باشد، مساحت آن کدام است؟

۶۴ (۴)

۱۶ (۳)

 $8\sqrt{2}$  (۲) $4\sqrt{2}$  (۱)

- ۹۰- دو نقطه روی خط  $y = \frac{x}{2}$  قرار دارند که فاصله آن‌ها از خط  $3x + 4y = 5$  برابر ۳ است. فاصله این دو نقطه از هم کدام است؟

 $3\sqrt{5}$  (۴) $5\sqrt{3}$  (۳) $10\sqrt{2}$  (۲) $2\sqrt{10}$  (۱)

۹۱- می خواهیم نمودار تابع  $y = x^3 - 2x + 3$  را طوری انتقال دهیم تا بر نمودار تابع  $y = x^3$  منطبق شود، فرایند تبدیل کدام است؟

(۱) ابتدا ۱ واحد به سمت راست، سپس ۲ واحد به سمت پایین.

(۲) ابتدا ۱ واحد به سمت چپ، سپس ۲ واحد به سمت پایین.

(۳) ابتدا ۱ واحد به سمت راست، سپس ۲ واحد به سمت بالا.

(۴) ابتدا ۲ واحد به سمت چپ، سپس ۲ واحد به سمت پایین.

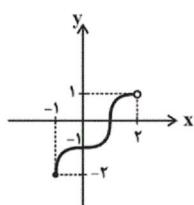
۹۲- نمودار تابع  $y = \sqrt{x}$  را ابتدا ۲ واحد به سمت راست و سپس ۱ واحد به سمت پایین منتقل کرده و در انتهای نمودار به دست آمده را نسبت به محور  $x$  ها قرینه می کنیم. تابع حاصل کدام است؟

$$y = -\sqrt{x+2} - 1 \quad (۴)$$

$$y = -\sqrt{x-2} + 1 \quad (۳)$$

$$y = \sqrt{-x-2} + 1 \quad (۲)$$

$$y = \sqrt{-x+2} - 1 \quad (۱)$$



۹۳- اگر نمودار تابع  $y = g(x)$  به صورت مقابل باشد، دامنه تابع  $f(x) = \sqrt{1+g(x-2)}$  کدام است؟

$$[-3, 0] \quad (۲)$$

$$[1, 4] \quad (۱)$$

$$[3, 4] \quad (۴)$$

$$[2, 4] \quad (۳)$$

۹۴- اگر دامنه تابع  $f$  برابر  $D_f = [-2, 3]$  باشد، دامنه تابع  $y = -3f(-2x+3)+1$  شامل چند عدد صحیح است؟

$$10 \quad (۴)$$

$$3 \quad (۳)$$

$$11 \quad (۲)$$

$$2 \quad (۱)$$

۹۵- نقطه  $A(0, 2)$  روی نمودار تابع  $y = f(x)$  به نقطه  $A'$  روی نمودار  $g(x) = 2 - \frac{1}{2}f\left(2 - \frac{1}{2}x\right)$  تبدیل شده است. مجموع

مقادیر طول و عرض نقطه  $A'$  کدام است؟

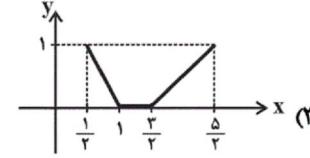
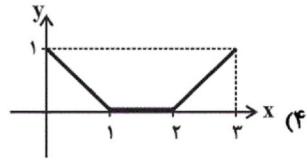
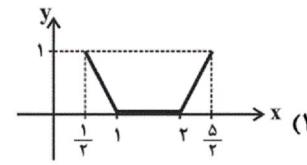
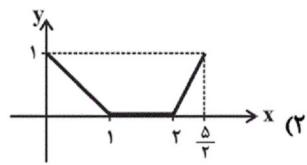
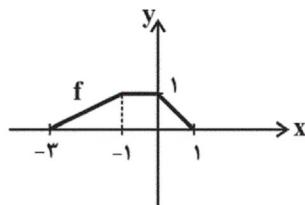
$$4 \quad (۴)$$

$$2 \quad (۳)$$

$$7 \quad (۲)$$

$$5 \quad (۱)$$

۹۶- نمودار تابع  $y = f(x)$  مطابق شکل مقابل است، نمودار تابع  $y = g(x) = 1 - f(2 - 2x)$  کدام است؟



۹۷- نمودار تابع  $y = 2 - \sqrt{3x+1}$  از کدام ناحیه دستگاه مختصات نمی‌گذرد؟

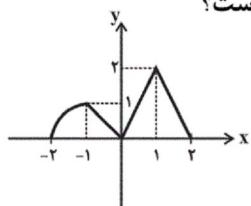
۴) چهارم

۳) سوم

۲) دوم

۱) اول

۹۸- اگر نمودار تابع  $f$  مطابق شکل زیر باشد، برد تابع  $g(x) = 1 - \sqrt{3}f\left(\frac{x}{2} - 1\right)$  شامل چند عدد صحیح است؟



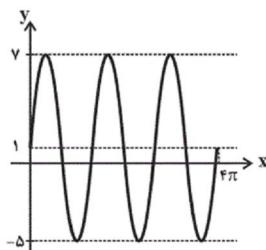
۳) ۲

۶) ۴

۲) ۱

۴) ۳

۹۹- شکل زیر مربوط به نمودار تابع  $y = -3f\left(\frac{1}{2}x\right) + 1$  است. نمودار تابع  $y = f(x)$  را در بازه  $[0, 2\pi]$  در چند نقطه



قطعه می‌کند؟

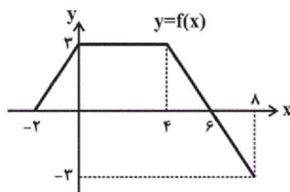
۶) ۱

۴) ۲

۳) ۳

۵) ۴

۱۰۰- شکل زیر مربوط به تابع  $y = f(x)$  است. مساحت سطح محصور بین نمودار تابع ۱ و خط  $y = 1$  کدام



است؟

۲) ۱

۴/۵) ۴

۳) ۲

۱۰۱- اگر مجموعه اعداد صحیح مجموعه مرجع،  $B = \{x \in \mathbb{Z} | x > 3\}$  و  $A = \mathbb{Z} - [-2, 2]$  باشد، کدام مجموعه متناهی است؟

A' ∪ B' (۴)

B - A' (۳)

A' ∩ B' (۲)

A - B (۱)

۱۰۲- با توجه به مجموعه های  $C = \{x \in \mathbb{R} | 0 \leq 2x \leq b\}$  و  $B = \{x \in \mathbb{R} | x > 1\}$ ،  $A = \{x \in \mathbb{R} | -3 < 2x - 1 < 5\}$ ، اگر مجموعه

$(A - B) \cap C$  به صورت بازه  $\left[a, \frac{1}{2}\right]$  باشد، حاصل  $a - b$  کدام است؟

 $\frac{1}{2}$  (۴) $-\frac{1}{2}$  (۳)

۱) ۲

-1) ۱

۱۰۳- دو مجموعه  $A$  و  $B$  و اجتماعشان به ترتیب دارای ۳۰، ۳۸ و ۵۵ عضو هستند. اگر از هر دو مجموعه  $A$  و  $B$ ، ۱۰ عضو خارج

کنیم، از تعداد اعضای اشتراک این دو مجموعه ۶ عضو کم می‌شود. در این حالت مجموعه  $A \cup B$  چند عضو دارد؟

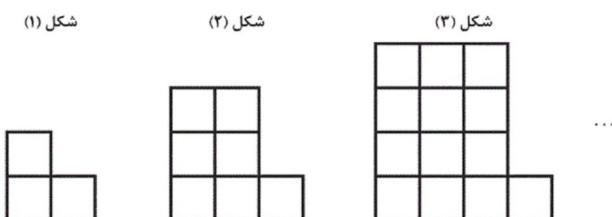
۴۷) ۴

۴۵) ۳

۴۳) ۲

۴۱) ۱

۱۰۴- با توجه به الگوی زیر، تعداد مربع‌ها در شکل هفتم کدام است؟ (منظور، کوچک‌ترین مربع‌هاست.)



- ۲۸ (۱)  
۵۶ (۲)  
۶۳ (۳)  
۵۷ (۴)

۱۰۵- کم‌ترین مقدار جملات دنباله  $a_n = n^2 - 5n + 1$  کدام است؟

- ۴) صفر  
۵) ۳  
۱) ۲  
-۵) ۱

۱۰۶- برای دنباله حسابی  $a_n$  داریم:  $2a_۷ + a_۸ + a_۹ = ۴۴$ . جمله ششم این دنباله کدام است؟

- ۱۲ (۴)  
۱۱ (۳)  
۹) ۲  
۱) ۱

۱۰۷- دنباله حسابی ...-۷,-۳,...، چند جمله دو رقمی زوج دارد؟

- ۱۸ (۴)  
۸) ۳  
۷) ۲  
۹) ۱

۱۰۸- طول اضلاع یک مثلث قائم‌الزاویه تشکیل دنباله هندسی می‌دهند. نسبت طول وتر به طول ضلع کوچک‌تر کدام است؟

- $\frac{3-\sqrt{5}}{2}$  (۴)  
 $\sqrt{5}-2$  (۳)  
 $\frac{\sqrt{5}-1}{2}$  (۲)  
 $\frac{1+\sqrt{5}}{2}$  (۱)

۱۰۹- در یک دنباله هندسی با جملات ناصف، جمله هفتم میانگین جملات پنجم و ششم است. قدر نسبت این دنباله کدام می‌تواند باشد؟

- $-\frac{1}{2}$  (۴)  
 $\frac{1}{2}$  (۳)  
 $-\frac{1}{4}$  (۲)  
 $\frac{1}{4}$  (۱)

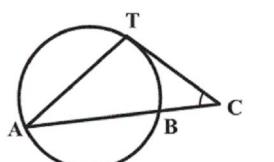
۱۱۰- جملات سوم، هفتم و نهم از یک دنباله حسابی غیر ثابت، سه جمله متولی از یک دنباله هندسی هستند. جمله چندم دنباله حسابی صفر است؟

- ۱۲ (۴)  
۱۱ (۳)  
۱۰ (۲)  
۹) ۱

۱۱۱- در دایره‌ای به شعاع  $R$ ، طول کمان  $120^\circ$ ، برابر  $4\pi$  است. در این دایره طول کمان  $90^\circ$  کدام است؟

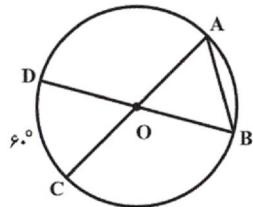
- $\frac{9\pi}{4}$  (۴)  
 $\frac{10\pi}{3}$  (۳)  
 $3\pi$  (۲)  
 $2\pi$  (۱)

۱۱۲- در شکل مقابل  $CT = AB$  و  $AT = CT$  بر دایره مماس است. اندازه زاویه  $A$  کدام است؟



- $31^\circ$  (۲)  
 $26^\circ$  (۱)  
 $39^\circ$  (۴)  
 $34^\circ$  (۳)

۱۱۳- در شکل زیر  $AC$  و  $BD$  دو قطر دایره هستند. اگر مساحت مثلث  $ABO$  برابر  $\sqrt{3}$  باشد، طول کمان  $AB$  کدام است؟



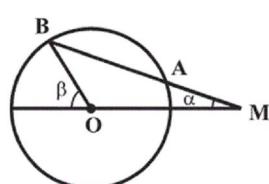
$$\left( \widehat{CD} = 60^\circ \right)$$

$$\frac{2\pi}{3}$$

$$\frac{4\pi}{3}$$

$$\frac{\pi}{3}$$

$$\frac{5\pi}{3}$$



۱۱۴- در دایره  $(O, R)$ . اگر  $MA = R$  و  $\alpha = 22^\circ$  باشد، زاویه  $\beta$  چند درجه است؟

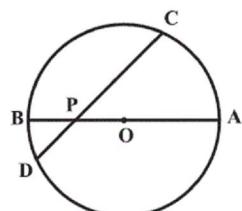
$$44$$

$$33$$

$$88$$

$$66$$

۱۱۵- مطابق شکل زیر، وتر  $CD$  و قطر  $AB$  در نقطه  $P$  با یکدیگر زاویه  $45^\circ$  می‌سازند. اگر  $PC = 7$  و  $PD = 1$  باشد، شعاع دایره



کدام است؟

$$2\sqrt{6}$$

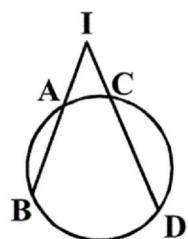
$$2\sqrt{5}$$

$$6$$

$$5$$

۱۱۶- مطابق شکل، امتداد وترهای  $AB$  و  $CD$  در نقطه  $I$  متقاطع‌اند. اگر  $CD = 2IA$  و  $IC = AB = 2$  باشد، طول پاره خط  $IA$  کدام

است؟



# سایت کنکور

## Konkur.in

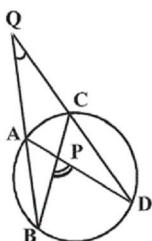
$$2 - \sqrt{2}$$

$$\sqrt{5} - 1$$

$$2 + \sqrt{2}$$

$$1 + \sqrt{5}$$

۱۱۷- در شکل زیر، اندازه زاویه  $\widehat{BPD}$  برابر اندازه زاویه  $\widehat{Q}$  است. اگر  $\widehat{CD} = 72^\circ$  و  $\widehat{AB} = 48^\circ$  باشد، اندازه کمان  $BD$  کدام است؟



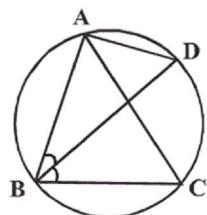
$$160^\circ$$

$$150^\circ$$

$$148^\circ$$

$$140^\circ$$

۱۱۸- نقاط A، B، C و D روی محیط یک دایره قرار دارند. اگر  $\angle BAC = 50^\circ$  و  $\angle BAD = \angle ABD$  باشد، حاصل کدام است؟



۵۰° (۲)

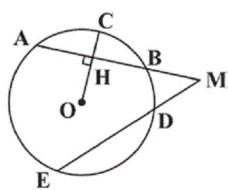
۶۵° (۴)

است؟

۴۰° (۱)

۵۵° (۳)

۱۱۹- مطابق شکل، از نقطه M خارج دایره‌ای به مرکز O، دو قاطع رسم می‌کنیم. اگر  $MB = x$ ،  $MD = 4$ ،



$ME = 3x$  و  $CH = \frac{x}{2}$  باشد، فاصله M از مرکز دایره کدام است؟

$\sqrt{73}$  (۲)

۹ (۴)

$3\sqrt{7}$  (۱)

$5\sqrt{3}$  (۳)

۱۲۰- از نقطه A بیرون دایره  $(O, R)$ ، مماس‌هایی عمود بر هم به طول  $2\sqrt{2}$  بر این دایره رسم کرده‌ایم. مساحت ناحیه محصور

بین دایره و دو مماس کدام است؟

$8 - \pi$  (۴)

$4 - \frac{\pi}{2}$  (۳)

$8 - 2\pi$  (۲)

$4 - \pi$  (۱)

۱۲۱- به ازای کدام مقدار  $x$ ، گزاره‌نمای «در پرتاب دو تاس، احتمال آنکه مجموع اعداد رو شده برابر  $x$  باشد،  $\frac{1}{6}$  است.» به گزاره‌ای

درست تبدیل می‌شود؟

۸ (۴)

۷ (۳)

۶ (۲)

۵ (۱)

۱۲۲- گزاره  $(p \Rightarrow q) \wedge q \vee (\neg p \wedge q)$  در کدام حالت همواره درست است؟

۴)  $q$  نادرست باشد.

۲)  $p$  نادرست باشد.

۱)  $p$  درست باشد.

۱۲۳- گزاره  $(p \Rightarrow q) \vee (p \Rightarrow r)$  در کدام حالت نادرست است؟

۲)  $p, q$  و  $r$  همگی نادرست باشند.

۱)  $p$  درست و  $q$  و  $r$  نادرست باشند.

۴)  $p, q$  و  $r$  همگی درست باشند.

۳)  $p$  نادرست و  $q$  و  $r$  درست باشند.

۱۲۴- اگر ارزش گزاره  $(p \wedge q) \Leftrightarrow (p \vee q)$  نادرست و  $r$  گزاره‌ای دلخواه باشد، ارزش کدام یک از گزاره‌های زیر قطعاً درست است؟

$(p \Leftrightarrow q) \Rightarrow r$  (۴)

$(p \vee \neg q) \vee r$  (۳)

$(p \vee q) \wedge r$  (۲)  $(p \vee r) \Rightarrow (q \vee r)$  (۱)

۱۲۵- نقیض گزاره « $\forall x \in \mathbb{R}; x^r > 0 \Rightarrow x \neq 0$ » کدام است؟

$\exists x \in \mathbb{R}; x^r > 0 \wedge x \neq 0$  (۲)

$\exists x \in \mathbb{R}; x^r > 0 \wedge x = 0$  (۱)

$\forall x \in \mathbb{R}; x^r > 0 \wedge x \neq 0$  (۴)

$\forall x \in \mathbb{R}; x^r > 0 \wedge x = 0$  (۳)

۱۲۶- به ازای چند مقدار حقیقی  $a$ ، دو مجموعه  $B = \{2x-1, x^r - 4\}$  و  $A = \{a^r - 3\}$  می‌توانند برابر یکدیگر باشند؟

۳ (۴)

۲ (۳)

۱ (۲)

۱) هیچ

۱۲۷- اگر دو عضو جدید به مجموعه A اضافه کنیم، تعداد زیرمجموعه های سه عضوی آن ۳۶ واحد بیشتر خواهد شد. مجموعه A در

حالت اول چند زیرمجموعه دو عضوی دارد؟

۲۸ (۴)

۲۱ (۳)

۱۵ (۲)

۱۰ (۱)

۱۲۸- در چند زیرمجموعه از اعداد طبیعی یک رقمی، بزرگ‌ترین عضو سه برابر کوچک‌ترین عضو است؟

۵۲ (۴)

۴۸ (۳)

۴۲ (۲)

۴۰ (۱)

۱۲۹- مجموعه  $A = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$  را به چند طریق می‌توان به دو زیرمجموعه افزایش کرد؟

۴۱ (۴)

۲۱ (۳)

۲۵ (۲)

۲۱ (۱)

۱۳۰- عکس کدام یک از قضایای شرطی زیر، لزوماً صحیح نیست؟

۱) اگر  $A \subseteq B$  باشد، آنگاه  $B' \subseteq A'$  است.

۲) اگر  $A - B = \emptyset$  باشد، آنگاه  $A \subseteq B$  است.

۱) اگر  $A \subseteq B$  باشد، آنگاه  $A' \subseteq B'$  است.

۲) اگر  $B \subseteq C$  و  $A \subseteq B$  باشد، آنگاه  $A \subseteq C$  است.

۱۳۱- اگر  $A = [i^r - j]_{r \times 2}$  باشد، مجموع درایه های ماتریس A کدام است؟

۱۷ (۲)

۳ (۱)

۲۱ (۴)

۱۹ (۳)

۱۳۲- کدام یک از ماتریس های زیر اسکالار نیست؟

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \quad ۴$$

[۲] (۱)

$$\begin{bmatrix} 3 & 0 & 0 \\ 0 & 3 & 0 \\ 0 & 0 & 3 \end{bmatrix} \quad ۴$$

$$\begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix} \quad ۳$$

۱۳۳- اگر  $r$  و  $s$  اعدادی حقیقی و  $A$  و  $B$  دو ماتریس هم‌مرتبه باشند، کدام یک از گزاره های زیر لزوماً برقرار نیست؟

$$A = B \Rightarrow rA = rB \quad ۵$$

$$rA = rB \Rightarrow A = B \quad ۱$$

$$(r \pm s)A = rA \pm sA \quad ۶$$

$$r(A \pm B) = rA \pm rB \quad ۷$$

۱۳۴- ماتریس های  $B = [b_{ij}]_{r \times r}$  و  $A = \begin{bmatrix} 2 & x \\ y & 1 \end{bmatrix}$  که به صورت  $b_{ij} = \begin{cases} j-i & i > j \\ i^r - 2 & i = j \\ i-j & i < j \end{cases}$  تعریف شده است را در نظر بگیرید. اگر

ماتریسی قطری باشد، حاصل  $x - y$  کدام است؟

۱ (۳)

۱) صفر

۲ (۴)

۲ (۳)

-۱۳۵- اگر  $A \times B = \frac{1}{2}$  باشد، زاویه حاده  $\theta$  کدام است؟  $B = \begin{bmatrix} \cos\theta & \sin\theta \\ -\sin\theta & \cos\theta \end{bmatrix}$

$\frac{\pi}{12} \quad (4)$

$\frac{\pi}{6} \quad (3)$

$\frac{\pi}{4} \quad (2)$

$\frac{\pi}{3} \quad (1)$

-۱۳۶- اگر برای ماتریس‌های  $A$  و  $B$ ، روابط  $2A + B = \begin{bmatrix} 5 & 6 & 13 \\ 2 & 12 & 7 \end{bmatrix}$  و  $A - 2B = \begin{bmatrix} 5 & -2 & -1 \\ 1 & -4 & 1 \end{bmatrix}$  برقرار باشد، مجموع درایه‌های

ماتریس  $A$  کدام است؟

$22 \quad (4)$

$20 \quad (3)$

$18 \quad (2)$

$16 \quad (1)$

-۱۳۷- اگر دو ماتریس  $B = \begin{bmatrix} 3 & x+2z \\ 4 & 1 \end{bmatrix}$  و  $A = \begin{bmatrix} 2x-y & -1 \\ 4y+z & 1 \end{bmatrix}$  مساوی یکدیگر باشند، حاصل  $x+y+z$  کدام است؟

$4 \quad (4)$

$3 \quad (3)$

$2 \quad (2)$

$1 \quad (1)$

-۱۳۸- اگر ماتریس‌های  $b_{ij} = \begin{cases} 0 & ; i+j=2k \\ 1 & ; i+j=2k+1 \end{cases}$  و  $a_{ij} = \begin{cases} 0 & ; i+j=2k+1 \\ 1 & ; i+j=2k \end{cases}$  تعریف شده باشند، مجموع درایه‌های ماتریس  $B = [b_{ij}]_{4 \times 4}$  و  $A = [a_{ij}]_{4 \times 4}$  به صورت

$(k \in \mathbb{Z})$  کدام است؟

$4 \quad (4)$

$16 \quad (3)$

$8 \quad (2)$

$1 \quad (1)$

-۱۳۹- اگر  $C = A \times B$  و  $B = \begin{bmatrix} 2 & 1 & -2 \\ 3 & 1 & -1 \\ 0 & 4 & 2 \end{bmatrix}$  باشد، کدام گزینه صحیح است؟  $A = \begin{bmatrix} 1 & -1 & 0 \\ 4 & 2 & 1 \\ -2 & 3 & 1 \end{bmatrix}$

$C = \begin{bmatrix} 15 & 10 & -8 \end{bmatrix} \quad (3)$

$C = \begin{bmatrix} -1 \\ -8 \\ 3 \end{bmatrix} \quad (1)$

$A + B + C = \begin{bmatrix} 2 & 0 & -3 \\ 21 & 13 & -10 \\ 3 & 12 & 6 \end{bmatrix} \quad (4)$

$C = \{-1, 10, 5\} \quad (3)$

-۱۴۰- اگر  $ABC$  باشد، درایه سطر دوم و ستون سوم ماتریس  $C = \begin{bmatrix} 0 & -1 & 1 \\ 1 & 2 & 0 \\ -1 & 1 & 2 \end{bmatrix}$  و  $B = \begin{bmatrix} 1 & -2 & 1 \\ 0 & 1 & 1 \\ -1 & 0 & 2 \end{bmatrix}$  و  $A = \begin{bmatrix} 4 & -1 & 0 \\ 1 & 2 & -1 \\ 0 & 1 & 2 \end{bmatrix}$  باشند، کدام درایه قطر اصلی  $C$  درایه‌های قطر اصلی

کدام است؟

$2 \quad (4)$

$0 \quad (3)$

$-4 \quad (2)$

$4 \quad (1)$

۱۴۱- اگر طول پاره خط  $AB$  برابر ۵ واحد باشد، آنگاه چند نقطه در صفحه وجود دارد که از  $A$  به فاصله ۲ واحد و از  $B$  به فاصله ۷

واحد باشد؟

۱) ۳

۱) هیچ

۴) بی شمار

۲) ۳

۱۴۲- مثلث  $ABC$  و دایره‌ای درون آن مفروض‌اند. چند نقطه روی محیط دایره وجود دارد که از دو ضلع  $AB$  و  $AC$  به یک فاصله

باشد؟

۲) حداقل یک نقطه

۱) دقیقاً یک نقطه

۴) حداقل دو نقطه

۳) دقیقاً دو نقطه

۱۴۳- کدام‌یک از گزاره‌های زیر درست است؟

۱) متوازی‌الاضلاعی که طول قطرهای آن ۴ و ۶ باشد، بهصورت منحصر به‌فرد قابل رسم است.

۲) مستطیلی که طول قطر آن برابر ۵ باشد، بهصورت منحصر به‌فرد قابل رسم است.

۳) لوزی‌ای که طول ضلع آن برابر ۵ و طول یکی از قطرهای آن برابر ۸ باشد، بهصورت منحصر به‌فرد قابل رسم است.

۴) با رسم عمودمنصف‌های دو وتر موازی از یک دایره، می‌توان مرکز دایره را پیدا کرد.

۱۴۴- نقیض گزاره «یک چهارضلعی وجود دارد که دو قطر آن برابر نیستند». کدام است؟

۱) همه چهارضلعی‌ها دو قطر برابر دارند.

۲) بعضی چهارضلعی‌ها دو قطر برابر دارند.

۳) همه چهارضلعی‌ها دو قطر نابرابر دارند.

۴) بیش از یک چهارضلعی وجود دارد که دو قطر نابرابر دارند.

۱۴۵- در مثلث  $ABC$ ،  $AC > AB$  است. نقطه  $D$  روی ضلع  $AC$  طوری انتخاب می‌کنیم که  $AD = AD$  باشد.

اگر  $\hat{C} = 5x - 20^\circ$  و  $\hat{A}BD = 3x + 10^\circ$  باشد، حدود  $x$  کدام است؟

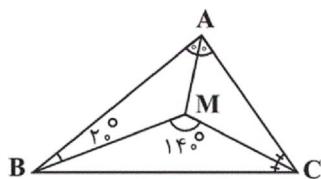
$0^\circ < x < 15^\circ$  (۲)

$x > 15^\circ$  (۱)

$x > 40^\circ$  (۴)

$40^\circ < x < 15^\circ$  (۳)

۱۴۶- در شکل زیر، نیمسازهای زاویه‌های داخلی A و C از مثلث ABC در نقطه M متقاطع‌اند. با توجه به زوایای روی شکل، اندازه کدام است؟

(۱)  $100^\circ$ (۲)  $110^\circ$ (۳)  $120^\circ$ (۴)  $130^\circ$ 

۱۴۷- کدام گزینه مثال نقض ندارد؟

(۱) در هر مثلث، اندازه بزرگ‌ترین زاویه، از چهار برابر اندازه کوچک‌ترین زاویه، کوچک‌تر است.

(۲) برای هر عدد طبیعی  $n$ ،  $n^2 + n + 41$ ، عددی اول است.

(۳) در هر مثلث، هر ارتفاع از هر کدام از سه ضلع مثلث کوچک‌تر است.

(۴) مجموع زوایای داخلی هر چهارضلعی محدب  $360^\circ$  است.

۱۴۸- کدام یک از قضیه‌های زیر را نمی‌توان به صورت یک قضیه دوشرطی نوشت؟

(۱) در مثلث متساوی‌الساقین، میانه و ارتفاع وارد بر قاعده بر هم منطبق هستند.

(۲) در مثلث قائم‌الزاویه، مربع اندازه وتر برابر مجموع مربعات اندازه‌های دو ضلع دیگر است.

(۳) لوزی، چهارضلعی‌ای است که قطرهای آن بر هم عمودند و هم‌دیگر را نصف می‌کنند.

(۴) مستطیل، چهارضلعی‌ای است که قطرهای آن با هم برابرند.

۱۴۹- در اثبات عکس قضیه «در مثلث ABC، اگر  $\hat{B} > \hat{C}$  باشد، آنگاه  $AB < AC$  است.» با استفاده از برهان خلف، فرض اولیه کدام

است؟

$$\hat{B} \geq \hat{C} \quad (۱)$$

$$AB \leq AC \quad (۲)$$

$$AC > AB \quad (۳)$$

۱۵۰- ذوزنقه‌ای با ساق‌های به طول ۴ و ۶ و قاعده کوچک به طول ۳ قابل رسم می‌باشد. طول قاعده بزرگ این ذوزنقه کدام عدد

نمی‌تواند باشد؟

(۱) ۸

(۲) ۱۲

(۳) ۵

(۴) ۹

۱۵۱- اگر  $a$  و  $b$  دو عدد صحیح باشند، کدام گزاره همواره درست است؟

(۱) اگر  $ab$  عددی فرد باشد، آنگاه  $a+b$  عددی زوج است.

(۲) اگر  $ab$  عددی فرد باشد، آنگاه  $a+b$  عددی فرد است.

(۳) اگر  $ab$  عددی زوج باشد، آنگاه  $a+b$  عددی زوج است.

(۴) اگر  $ab$  عددی زوج باشد، آنگاه  $a+b$  عددی فرد است.

۱۵۲- کدامیک از احکام زیر فاقد مثال نقض است؟

(۱) حاصل ضرب هر دو عدد حقیقی کوچک‌تر یا مساوی نصف مجموع مربع‌های آنها است.

(۲) هر دو زاویه مساوی، متقابل به رأس هستند.

(۳) اگر  $x > 1$  باشد، آنگاه  $2 > x$  است.

(۴) اگر  $ab = 0$  باشد، آنگاه  $a = 0$  و  $b = 0$  است.

۱۵۳- اگر  $a$  و  $b$  دو عدد حقیقی مثبت باشند، کدامیک از گزاره‌های زیر با گزاره  $a < b$  هم‌ارز نیست؟

$$|a| < b \quad (۱)$$

$$\sqrt{a} < b \quad (۲)$$

$$a^3 < b^3 \quad (۳)$$

$$a^r < b^r \quad (۴)$$

۱۵۴- اگر  $A$ ،  $B$  و  $C$  سه مجموعه دلخواه باشند، آنگاه کدام دسته از گزاره‌های زیر هم‌ارز هستند؟

$$A \subseteq B \text{ و } B - A = \emptyset \quad (۱)$$

$$A \cup C = B \cup C \text{ و } A = B \quad (۲)$$

$$A \subseteq B \text{ و } A \cap B = B \quad (۳)$$

$$A \cap B = \emptyset \text{ و } A - B = A \quad (۴)$$

۱۵۵- کدامیک از قضایای زیر را نمی‌توان به صورت قضیه دو شرطی نوشت؟

## سایت کنکور

$$a > 1 \Rightarrow a^r > a^s \quad (۱)$$

$$a > b \Rightarrow a^r > b^s \quad (۲)$$

$$\text{Konkur.in}$$

$$(a+b)^{\frac{a+b}{2}} \geq \sqrt{ab} \Rightarrow (\sqrt{a} - \sqrt{b})^r \geq 0 \quad (۳)$$

$$(a > b \Rightarrow a^r > b^r) \text{ و } b > a \Rightarrow b^r > a^r \quad (۴)$$

۱۵۶- در اثبات نامساوی  $a + b \geq \left(\frac{1}{a} + \frac{1}{b}\right)$  به روش بازگشتی، رابطه بدیهی به دست آمده کدام است؟ (۱)  $a$  و  $b$  دو عدد حقیقی

مثبت هستند).

$$(a - b)^r \geq 0 \quad (۱)$$

$$a^r + b^r \geq 0 \quad (۲)$$

$$(a + b - 2)^r \geq 0 \quad (۳)$$

$$(a + b)^r \geq 0 \quad (۴)$$

۱۵۷- برای کدامیک از حکم‌های زیر نمی‌توان مثال نقض ارائه کرد؟

۱) برای هر عدد حقیقی  $x$ ,  $x^7 \leq x$  است.

۲) برای دو عدد حقیقی  $x$  و  $y$ , اگر  $x \leq y$  باشد, آنگاه  $\frac{y}{x} \leq 1$  است.

۳) اگر  $n$  عددی صحیح و زوج باشد, آنگاه  $n^3 + 1$  بر ۵ بخش‌پذیر است.

۴) اگر  $k$  حاصل‌ضرب دو عدد طبیعی متولی باشد, آنگاه  $k+1$  مربع کامل است.

۱۵۸- در کدام گزینه, گزاره‌های  $p$  و  $q$  هم‌ارز نیستند؟

۱)  $p$ : نقطه  $C$  روی عمود منصف پاره‌خط  $AB$  قرار دارد.  $q$ : فاصله نقطه  $C$  از دو سر پاره‌خط  $AB$  یکسان است.

۲)  $p$ : نقطه  $M$  روی نیمساز زاویه  $xOy$  قرار دارد.  $q$ : فاصله نقطه  $M$  از دو ضلع  $Ox$  و  $Oy$  یکسان است.

۳)  $p$ : فاصله نقاط  $A$  و  $B$  از خط  $d$  یکسان است.  $q$ : خط  $d$  از وسط پاره‌خط  $AB$  می‌گذرد.

۴)  $p$ : نقطه  $A$  روی دایره  $C(O, R)$  قرار دارد.  $q$ : طول پاره‌خط  $OA$  برابر  $R$  است.

۱۵۹- در اثبات گزاره «اگر  $a$  و  $b$  دو عدد حقیقی باشند, آنگاه  $a^3 + b^3 + 1 \geq ab + a + b$ » به روش بازگشتنی به کدام گزاره همواره

درست می‌رسیم؟

$$(a+b)^3 + (a+1)^3 + (b+1)^3 \geq 0 \quad (۱)$$

$$(a-b)^3 + (a-1)^3 + (b-1)^3 \geq 0 \quad (۲)$$

$$(a+b-1)^3 \geq 0 \quad (۳)$$

$$(a+b+1)^3 \geq 0 \quad (۴)$$

۱۶۰- چند مقدار طبیعی  $n$  ( $1 \leq n \leq 20$ ) وجود دارد که به ازای آن, حاصل  $\frac{n^3(n+1)^3}{9}$  مضرب ۳ باشد؟

۱) ۱

۲) ۲

۳) ۳

۴) ۴

۱۶۱- چند عدد سه رقمی می‌توان ساخت که در آن هیچ دو رقم مجاوری مثل هم نباشند؟

۱) ۷۲۹ (۴)

۲) ۶۴۸ (۳)

۳) ۵۷۶ (۲)

۴) ۵۰۴ (۱)

۱۶۲- با ارقام ۱، ۳، ۶، ۴ و ۷، چند عدد سه رقمی کوچک‌تر از ۶۰۰ می‌توان ساخت به‌طوری که تکرار ارقام مجاز نباشد؟

۱) ۱۲۰ (۴)

۲) ۷۲ (۳)

۳) ۳۶ (۲)

۴) ۲۴ (۱)

۱۶۳- با ارقام ۰، ۱، ۲، ۳ و ۴، چند عدد چهاررقمی زوج و بدون تکرار ارقام می‌توان ساخت؟

۱) ۷۲ (۴)

۲) ۶۰ (۳)

۳) ۴۸ (۲)

۴) ۲۴ (۱)

۱۶۴- چند عدد سه رقمی با ارقام ۰، ۱، ۲ و ۳ می‌توان نوشت به‌طوری که حتماً دارای رقم تکراری باشد؟

۱) ۴۸ (۴)

۲) ۴۲ (۳)

۳) ۳۶ (۲)

۴) ۳۰ (۱)

۱۶۵- یک رمز از ۳ کاراکتر تشکیل شده است که هر کدام می‌توانند از حروف الفبای انگلیسی یا ارقام صفر تا ۹ باشند. اگر در این رمز،

امکان کنار هم قرار دادن دو حرف یا دو رقم وجود نداشته باشد، چند رمز قابل تولید است؟

۱) ۹۳۶۰ (۴)

۲) ۸۶۴۰ (۳)

۳) ۷۸۴۰ (۲)

۴) ۹۷۶۰ (۱)

۱۶۶- چند عدد طبیعی کوچک‌تر از ۱۰۰۰ وجود دارد که شامل حداقل یک رقم صفر باشد؟

(۴) ۲۰۰

(۳) ۱۸۰

(۲) ۱۵۰

(۱) ۱۰۰

۱۶۷- یک آزمون، شامل ۳ سؤال ۴ گزینه‌ای و ۳ سؤال ۳ گزینه‌ای است. یک نفر به چند طریق می‌تواند به این سؤال‌ها به صورت تصادفی جواب دهد به شرط آنکه بتواند سؤال‌ها را بدون جواب هم بگذارد؟

(۴) ۲۰۳

(۳) ۱۲۳

(۲) ۳۹

(۱) ۳۷

۱۶۸- چند عدد طبیعی سه رقمی وجود دارد که هم رقم زوج و هم رقم فرد داشته باشد؟

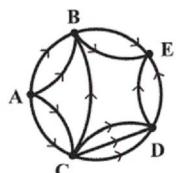
(۴) ۷۰۰

(۳) ۶۷۵

(۲) ۶۵۰

(۱) ۶۲۵

۱۶۹- اگر شکل زیر نشان دهنده جاده‌های بین شهرهای A، B، C، D و E باشد و همه جاده‌ها یک طرفه باشند، به چند طریق می‌توان از شهر A به شهر E رفت؟



(۲) ۱۶

(۴) ۲۴

(۱) ۱۲

(۳) ۲۰

۱۷۰- در یک شهرک صنعتی ۴ بلوار اصلی و در هر بلوار بین ۶ تا ۸ خیابان و در هر خیابان بین ۸ تا ۱۰ گوچه و در هر گوچه بین ۱۰ تا ۱۵ کارخانه وجود دارد. اختلاف بین حداقل و حداکثر تعداد کارخانه‌هایی که ممکن است در این شهرک وجود داشته باشد، کدام است؟

(۴) ۱۹۲۰

(۳) ۲۴۰۰

(۲) ۲۸۸۰

(۱) ۳۲۰۰

۱۷۱- یک قطعه چوب را به پارچه‌ای ابریشمی و یک تکه پارچه کتان را به قطعه شیشه‌ای تماس می‌دهیم. به ترتیب از راست به چپ اگر پارچه کتان را به قطعه چوب و پارچه ابریشمی را به قطعه شیشه‌ای نزدیک کنیم، نوع تیروی

سری الکتروسیستم مالشی
انتهای مثبت سری
شیشه
ابریشم
چوب
کتان
انتهای منفی سری

الکترویکی بین آنها چگونه خواهد بود؟

(۱) دافعه، جاذبه

(۲) جاذبه، دافعه

(۳) دافعه، دافعه

(۴) جاذبه، جاذبه

# سایت کنکور

# Konkur.in

۱۷۲- دو بار الکترویکی نقطه‌ای هم‌نام  $C$  با  $q_1 = 8\mu C$  و  $q_2$  در فاصله  $r$  از یکدیگر، نیرویی به بزرگی  $F$  بر هم وارد می‌کنند. اگر در صد از بار  $q_1$  را برداشته و به بار  $q_2$  اضافه کنیم، در همان فاصله قبلی، اندازه نیروی الکترویکی بین آنها ۵۰ درصد افزایش می‌یابد. مقدار اولیه بار  $q_2$  چند میکروکولن بوده است؟

(۴) ۴

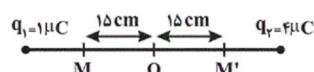
(۳) ۲

(۲) ۲

(۱) ۱

۱۷۳- در شکل زیر، اگر برایند میدان‌های الکتریکی ناشی از بارهای الکتریکی نقطه‌ای  $q_1$  و  $q_2$  در نقطه  $M$  برابر با صفر باشد، اندازه  $M$  برایند میدان‌های الکتریکی ناشی از این دو بار در نقطه  $M'$  چند واحد SI است؟

$$\text{برایند میدان‌های الکتریکی ناشی از این دو بار در نقطه } M' \text{ چند واحد SI است؟} \quad k = 9 \times 10^9 \frac{\text{N} \cdot \text{m}^2}{\text{C}^2}$$



فاصله بین دو بار است.

$$7 / 5 \times 10^5 \quad (2)$$

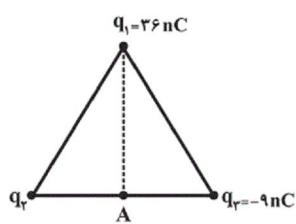
$$3 / 75 \times 10^5 \quad (1)$$

$$4) \text{ صفر}$$

$$10^5 \quad (3)$$

۱۷۴- در شکل زیر سه بار الکتریکی نقطه‌ای  $q_1$ ،  $q_2$  و  $q_3$  در سه رأس یک مثلث متساوی الاضلاع قرار دارند. اگر بار  $q_3$  حذف شود،

اندازه میدان الکتریکی برایند در نقطه  $A$  وسط ضلع، چند نانوکولون است؟ ( $q_2 > 0$ )



$$16 \quad (1)$$

$$32 \quad (2)$$

$$7 \quad (3)$$

$$14 \quad (4)$$

۱۷۵- در میدان الکتریکی شکل زیر، ذرهای به جرم  $m$  و بار مثبت از نقطه  $A$  رها می‌شود. ستاب ذره در حرکت از نقطه  $A$  تا نقطه  $B$  چگونه تغییر می‌کند؟ (از نیروی وزن وارد بر ذره صرفنظر شود).



(2) پیوسته افزایش می‌یابد.

(1) ثابت است.

(4) ابتدا افزایش و سپس کاهش می‌یابد.

(3) ابتدا کاهش و سپس افزایش می‌یابد.

۱۷۶- ذرهای به جرم  $10^0 \text{ g}$  و بار الکتریکی  $(-5nC)$  در یک میدان الکتریکی معلق و در حال تعادل است. اندازه و جهت میدان

$$\left( g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}} \right)$$

$$2 \times 10^7 \frac{\text{N}}{\text{C}} \quad (2) \quad \text{و در راستای قائم به سمت پایین}$$

$$2 \times 10^7 \frac{\text{N}}{\text{C}} \quad (3) \quad \text{و در راستای قائم به سمت پایین}$$

۱۷۷- در یک میدان الکتریکی، بار الکتریکی  $q = +1 \mu\text{C}$  از نقطه  $A$  با پتانسیل الکتریکی  $V_A = -10 \text{ V}$  رها می‌شود. اگر زمانی که

این بار به نقطه  $B$  می‌رسد، انرژی جنبشی آن برابر با  $J = 2 \text{ J}$  باشد، پتانسیل الکتریکی نقطه  $B$  برابر با چند ولت است؟ (از

نیروی وزن وارد بر ذره صرفنظر شود).

$$-12 \quad (4)$$

$$-10 \quad (3)$$

$$-8 \quad (2)$$

$$-14 \quad (1)$$

۱۷۸- چند مورد از گزینه‌های زیر در الکتریسیتۀ ساکن، صحیح است؟

الف) همواره در فضای اطراف دو بار الکتریکی و در نقطه‌ای روی خط واصل یا امتداد آن، نقطه‌ای وجود دارد که برایند میدان الکتریکی در آن جا صفر شود.

ب) میدان الکتریکی در داخل یک جسم رسانای منزوی صفر است.

پ) در اجسام رسانا در حالت تعادل الکتروستاتیکی، پتانسیل الکتریکی تمام نقاط با هم برابر است.

ت) باری که به یک جسم رسانا داده می‌شود بهصورت یکنواخت روی سطح خارجی آن توزیع می‌شود.

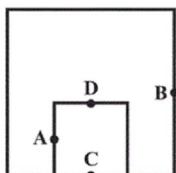
۴۴

۳۳

۲۲

۱۱

۱۷۹- دو مکعب فلزی غیر هم اندازه را با بارهای همنام باردار کرده و مطابق شکل آن‌ها را داخل یکدیگر قرار می‌دهیم. پس از برقراری



C و B (۲)

D، C، B، A (۱)

D و A (۴)

B فقط (۳)

تعادل، در کدام‌یک از نقاط مشخص شده بار الکتریکی وجود دارد؟

$\frac{\mu C}{m^2} = 9 / 6 \pi = 9 / 6 \times 10^{-19}$

۱۸۰- کره‌ای رسانا و توخالی به چگالی بار سطحی  $9 / 6 \pi = 9 / 6 \times 10^{-19} C$  در اختیار داریم. به ترتیب از راست به چپ

چند الکترون از سطح خارجی و چند الکترون از داخل کره کنده شده است؟ ( $\pi = 3$  و  $e = 1 / 6 \times 10^{-19} C$ )

(۱)  $36 \times 10^{+11}$ ،  $72 \times 10^{+11}$ ،  $36 \times 10^{+11}$ ، صفر (۲)  $72 \times 10^{+11}$ ،  $36 \times 10^{+11}$ ، صفر (۳)  $36 \times 10^{+11}$ ،  $72 \times 10^{+11}$ ، صفر (۴)

۱۸۱- چند الکترون باید از یک سکه خنثی خارج شود تا بار الکتریکی آن  $+1\mu C$  شود؟ ( $e = 1 / 6 \times 10^{-19} C$ )

$1 / 6 \times 10^{+12}$  (۲)

$1 / 6 \times 10^6$  (۱)

$6 / 25 \times 10^{+12}$  (۴)

$6 / 25 \times 10^6$  (۳)

۱۸۲- اندازه نیروی بین دو بار الکتریکی  $q_1$  و  $q_2$  که در فاصله  $r$  از یکدیگر قرار دارند،  $F$  است. اگر اندازه یکی از بارها و هم‌چنین

فاصله بین دو بار، نصف شود، اندازه نیروی بین آن‌ها چند برابر می‌شود؟

۲ (۲)

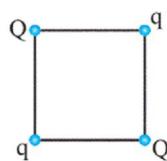
۱ (۱)

Konkur.in

$\frac{1}{2}$  (۳)

۱۸۳- بارهای الکتریکی نقطه‌ای  $q$  و  $Q$  مطابق شکل، در  $4$  رأس مربعی قرار دارند. اگر برایند نیروهای وارد بر بارهای  $Q$  صفر باشد،

نسبت  $\frac{Q}{q}$  کدام است؟



$\sqrt{2}$  (۲)

$2\sqrt{2}$  (۱)

$-2\sqrt{2}$  (۴)

$-\sqrt{2}$  (۳)

۱۸۴- اندازه میدان الکتریکی در فاصله  $r$  از یک بار الکتریکی نقطه‌ای  $\frac{N}{C}$  است. اگر این فاصله را  $10\text{ cm}$  بیش‌تر کنیم، بزرگی

میدان الکتریکی  $\frac{N}{C}$  می‌شود.  $r$  چند سانتی‌متر است؟

۴۰) ۳

۲۰) ۱

$\frac{160}{9}$  ۴)

$\frac{40}{9}$  ۳)

۱۸۵- دو بار الکتریکی نقطه‌ای  $q$ - و  $+9q$  به فاصله  $180$  سانتی‌متر از یکدیگر قرار دارند. در چند سانتی‌متری بار  $q$ - و در بین دو بار

میدان‌های الکتریکی حاصل از دو بار از نظر مقدار برابرند؟

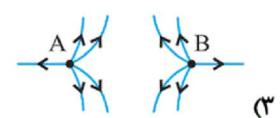
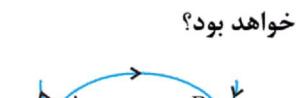
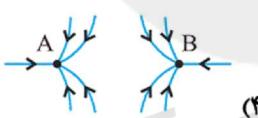
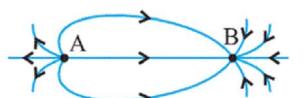
۴۵) ۲

۲۰) ۱

۱۳۵) ۴

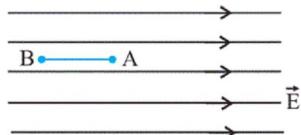
۶۰) ۳

۱۸۶- در شکل زیر، خط‌های میدان الکتریکی در اطراف دو کره فلزی کوچک، یکسان و باردار  $A$  و  $B$  که در فاصله  $d$  از هم قرار دارند، نشان داده شده است. اگر این دو کره را با استفاده از یک سیم رسانا به یکدیگر متصل کرده و پس از تعادل از هم جدا کنیم و مجدداً در همان فاصله قبلی قرار دهیم، در حالت جدید، وضعیت خط‌های میدان الکتریکی در اطراف دو کره کدام شکل



۱۸۷- بار الکتریکی  $q = 4\mu\text{C}$  مطابق شکل در یک میدان الکتریکی یکنواخت به بزرگی  $10^5 \frac{\text{V}}{\text{m}}$  رها می‌شود. در جایه‌جایی بار  $q$  از

نقطه  $A$  تا  $B$ ، انرژی جنبشی بار  $8$  میلی‌ژول افزایش می‌یابد.  $V_A - V_B$  چند کیلوولت است؟



۲) -۲

۲) ۱

۴) -۲۰۰

۳) ۲۰۰

۱۸۸- در یک فضای میدان الکتریکی ثابت و یکنواخت برقرار است. ذره‌ای با بار الکتریکی منفی را در نقطه‌ای از این فضا از حال سکون رها می‌کنیم. تا زمانی که ذره تحت اثر میدان الکتریکی در این فضا جابه‌جا می‌شود، به سمت مکان‌هایی با پتانسیل الکتریکی ...

می‌رود و انرژی پتانسیل الکتریکی آن ... می‌یابد. (از وزن ذره صرف نظر شود).

۴) بیش‌تر - کاهش

۳) بیش‌تر - افزایش

۲) کم‌تر - کاهش

۱) کم‌تر - افزایش

۱۸۹- یک کره رسانا را داخل میدان الکتریکی یکنواخت قرار می‌دهیم. در حالت تعادل الکتروستاتیکی، میدان الکتریکی در داخل

کره.....

(۱) صفر است.

(۲) بیش تر از میدان الکتریکی در فضای بیرون کره است.

(۳) با میدان الکتریکی در فضای بیرون کره برابر است.

(۴) کمی ضعیف تر از میدان الکتریکی در فضای بیرون کره است.

۱۹۰- چگالی سطحی بار الکتریکی یک کره فلزی به قطر یک متر برابر  $\frac{\mu C}{m^2}$  است. بار الکتریکی موجود در سطح کره چند میکروکولن

است؟

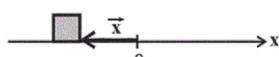
۱۵) ۴

۱۲) ۵

۷) ۵ $\pi$

۵)  $\pi$

۱۹۱- بردار مکان متحرکی در شکل زیر نشان داده شده است. راجع به حرکت این متحرک، کدام یک از عبارت‌های زیر الزاماً صحیح



است؟

(۱) متحرک در حال حرکت به سمت چپ است.

(۲) متحرک در حال حرکت به سمت راست است.

(۳) بسته به شرایط، هر سه گزینه می‌تواند صحیح باشد.

(۴) متحرک ساکن است.

۱۹۲- با تغییر مبدأ مختصات، کدام یک از پارامترهای حرکتی زیر تغییر می‌کند؟

۴) بردار مکان

۳) شتاب

۲) سرعت

۱) بردار جابه‌جایی

۱۹۳- جسمی در مدت ۱۰ ثانیه مسافت ۴۲ متر را روی خط مستقیم طی می‌کند. سرعت متوسط این جسم در واحد SI کدام است؟

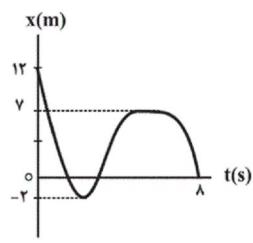
۱/۲) ۲

۴/۲) ۱

(۱) هر سه گزینه ممکن است درست باشد.

(۲) صفر

۱۹۴- نمودار مکان – زمان متحرکی که در مسیری مستقیم حرکت می‌کند، مطابق شکل زیر است. در بازه زمانی صفر تا ۸s، نسبت



اندازه جابه‌جایی متحرک به مسافت طی شده توسط آن، کدام است؟

۲)  $\frac{2}{3}$

۱)  $\frac{3}{5}$

۴)  $\frac{3}{2}$

۳)  $\frac{2}{5}$

۱۹۵- متحرکی با تندی ثابت ۷، محیط دایره‌ای به شعاع R را می‌پیماید. ۷ چند متر بر ثانیه باشد تا متحرک با سرعت متوسط

$5\sqrt{2}$  ربع محیط دایره را طی مدت زمان ۲s طی کند؟

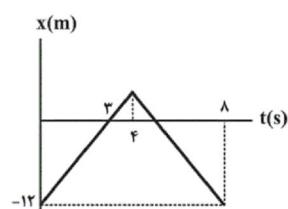
۴)  $2/5\sqrt{2}$

۳)  $2/5\pi$

۲)  $5\sqrt{2}$

۱)  $5\pi$

۱۹۶- نمودار مکان - زمان حرکت متاخرکی که روی محور X ها حرکت می کند، مطابق شکل زیر است. سرعت متوسط متاخرک بین دو لحظه  $t = 1s$  تا  $t = 5s$  برابر با چند متر بر ثانیه است؟



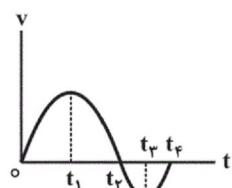
۲ (۳)

۱ (۱)

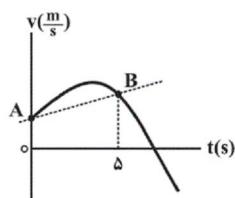
۱/۶ (۴)

۲/۴ (۳)

۱۹۷- نمودار سرعت - زمان متاخرکی که روی مسیری مستقیم و از مبدأ مکان شروع به حرکت می کند، مطابق شکل زیر است. در چه لحظه‌ای متاخرک در بیشترین فاصله از مبدأ مکان قرار دارد؟

 $t_r$  (۲) $t_1$  (۱) $t_f$  (۴) $t_r$  (۳)

۱۹۸- در نمودار مقابل، شیب خط AB بیانگر چه کمیتی است؟

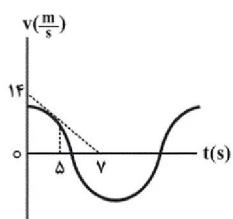


۱) سرعت متوسط بین دو لحظه صفر و ۵s

۲) سرعت لحظه‌ای در لحظه  $t = 0$ ۳) شتاب لحظه‌ای در لحظه  $t = 5s$ 

۴) شتاب متوسط در پنج ثانیه اول

۱۹۹- نمودار سرعت - زمان متاخرکی که روی محور X ها حرکت می کند، مطابق شکل زیر است. شتاب این متاخرک در لحظه  $t = 5s$  چند متر بر مجدور ثانیه است؟



-۲ (۳)

-۷ (۱)

Konkur.in

 $\frac{14}{5}$  (۳)

۲۰۰- خودرویی در امتداد محور X در حال حرکت است. اگر این خودرو در لحظه‌های  $t_1$ ،  $t_2$  و  $t_r$  به ترتیب از مکان‌های  $x_1 = -12m$ ،

$t = 5s$  عبور کند و سرعت متوسط آن بین دو لحظه  $t_1$  و  $t_r$  برابر با چند متر بر

برابر با  $\frac{m}{s}$  و بین دو لحظه  $t_r$  و  $t_2$  برابر با  $\frac{m}{s}$  باشد، شتاب متوسط حرکت آن بین دو لحظه  $t_1$  و  $t_r$  برابر با چند متر بر

مجذور ثانیه است؟  $(t_r > t_r > t_1)$

۵ (۴)

۰/۲ (۳)

۲ (۲)

۰/۵ (۱)

۲۰۱- ویژگی‌های یکاهای اندازه‌گیری برای اندازه‌گیری‌های درست و قابل اطمینان، در کدام گزینه آمده است؟

۱) با دستگاه‌های دقیق قابل اندازه‌گیری باشد.

۲) توسط عموم مردم انتخاب شده باشد.

۳) تغییر نکنند و دارای قابلیت بازتولید در مکان‌های مختلف باشند.

۴) تغییر نکنند و در گذر زمان همچنان ثابت بمانند.

۲۰۲- در کدام گزینه، کمیت و یکای ذکر شده برای آن، جزء کمیت‌ها و یکاهای اصلی دستگاه اندازه‌گیری SI است؟

۲) جرم، گرم

۱) دما، درجه سلسیوس

۴) مقدار ماده، مول

۳) بار الکتریکی، کولن

۲۰۳- یک سال نوری تقریباً برابر با چند فوت است؟ (تندی نور در خلاً برابر با  $\frac{m}{s} = 3 \times 10^8$ ، هر فوت معادل ۱۲ اینچ و هر اینچ معادل با

۲/۵ سانتی‌متر فرض شود.)

۳)  $3 / 15 \times 10^{16}$

۱)  $9 / 5 \times 10^{15}$

۴)  $3 / 8 \times 10^{17}$

۳)  $7 / 9 \times 10^{16}$

۲۰۴- آهنگ خروج آب از شیر مخزنی برابر با  $\frac{mm^3}{s} = 625 \times 10^3 \times 9 \times 10^3$  لیتر آب باشد، در مدت چند ساعت

به طور کامل تخلیه می‌شود؟

۴) ۴

۳) ۹

۲) ۴۰

۱) ۱۰۴

۲۰۵- ماهواره‌ای به جرم m بالای سطح زمین در مداری دایره‌ای شکل در حال گردش است. تندی ماهواره با کدام گزینه محاسبه می‌شود؟ (R شعاع حرکت ماهواره، g اندازه شتاب گرانشی و c یک ثابت است.)

$$v = c\sqrt{gR} \quad (۲)$$

$$v = cgR \quad (۱)$$

$$v = \frac{c\sqrt{R}}{g} \quad (۴)$$

$$v = \frac{cg}{\sqrt{R}} \quad (۳)$$

۲۰۶- ابعاد زمینی مستطیلی به صورت  $hm \times 10^{-1} \times 10^{13} pm \times 10^{-5} / 5$  است. مساحت این زمین بر حسب سانتی‌متر مربع و به صورت

نمادگذاری علمی، مطابق با کدام گزینه است؟

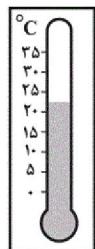
۲) ۶۰۵

۱)  $6 / 05 \times 10^3$

۴)  $605 \times 10^9$

۳)  $6 / 05 \times 10^9$

۲۰۷- نتیجه اندازه‌گیری دما توسط دماسنج مدرج شکل زیر، مطابق با کدام گزینه می‌تواند باشد؟



۲۲°C ± ۳°C (۱)

۲۲/۵°C ± ۳°C (۲)

۲۲°C ± ۲/۵°C (۳)

۲۲/۵°C ± ۲/۵°C (۴)

۲۰۸- فرض کنید هر شخص ایرانی روزانه ۱۵ صفحه کتاب مطالعه کند. اگر هر کتاب به طور میانگین دارای ۶۰۰ صفحه باشد، تخمین

مرتبه بزرگی تعداد کتاب‌هایی که سالانه توسط جمعیت ایران خوانده می‌شود مطابق با کدام‌یک از گزینه‌های زیر می‌تواند

باشد؟ (جمعیت ایران را ۸۰ میلیون نفر در نظر بگیرید).

۱۰<sup>۸</sup> (۴)

۱۰<sup>۶</sup> (۳)

۱۰<sup>۳</sup> (۲)

۱۰<sup>۱</sup> (۱)

۲۰۹- یک ظرف یک لیتری پُر از آب است. اگر یک قطعه نقره ۶۳۰ گرمی را به آرامی درون ظرف بیندازیم، مقداری آب از ظرف سرربز

می‌شود. اگر بعد از آن یک قطعه طلا هم حجم با قطعه نقره را نیز به آرامی درون ظرف بیندازیم، چند سانتی‌متر مکعب آب درون

$$\text{ظرف باقی می‌ماند؟} \left( \rho_{\text{نقره}} = 10/5 \times 10^3 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} = 19/3 \times 10^3 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \right) \text{ طلا}$$

۹۴۰ (۴)

۹۶۷ (۳)

۸۸۰ (۲)

۹۰۷ (۱)

۲۱۰- دو مایع به جرم‌های  $m_A = 144\text{g}$  و  $m_B = 90\text{g}$  و  $\rho_A = 1/5 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$  و  $\rho_B = 1/9 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$  را با هم مخلوط می‌کنیم.

اگر چگالی مخلوط برابر با  $1/2 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$  باشد، در حین مخلوط کردن، چند سانتی‌متر مکعب کاهش حجم رخ داده است؟

۴) صفر

۴ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

# Konkur.in

۲۱۱- چند مورد از عبارت‌های زیر درست‌اند؟

الف) کشف و درک خواص یک ماده جدید پرچمدار توسعه فناوری است.

ب) گرما دادن به مواد و افزودن آنها به یکدیگر سبب تغییر و گاهی بهبود خواص می‌شود.

پ) عنصرهای K، P و N از جمله عنصرهای مورد نیاز گیاهان هستند.

ت) قاشق می‌تواند از همان ماده‌ای که موجب گسترش صنعت خودرو شد، تهیه شده باشد.

۱ (۴)

۲ (۳)

۳ (۲)

۴ (۱)

۲۱۲- کدامیک از مطالعه زیر نادرست است؟

- (۱) از فراوری نفت خام محصولی تهیه می‌شود که در تولید دوچرخه کاربرد دارد.
- (۲) همه مواد طبیعی و مصنوعی از کره زمین به دست می‌آید و به تقریب جرم کل مواد در کره زمین ثابت می‌ماند.
- (۳) مقایسه برآورد میزان تولید و مصرف نسبی برخی مواد به طور کلی به صورت: مواد معدنی < سوخت‌های فسیلی < فلزها است.
- (۴) پیش‌بینی‌ها نشان می‌دهد در سال ۲۰۳۰ در مجموع بیش از ۸۲ میلیارد تن از مواد معدنی، فلزها و سوخت‌های فسیلی استخراج و مصرف می‌شود.

۲۱۳- چند مورد جمله زیر را به طور صحیح کامل می‌کند؟

«عنصر . . . ، رسانایی الکتریکی . . . دارد، در واکنش با دیگر اتم‌ها، الکترون . . . و در اثر ضربه . . .»

الف) با عدد اتمی ۵۰ - بالایی - از دست می‌دهد - خرد نمی‌شود.

ب) دوره سوم جدول تناوبی عناصر با ۶ الکترون در لایه ظرفیت - بالایی - به اشتراک می‌گذارد یا می‌گیرد - خرد می‌شود.

پ) پنجم گروه چهاردهم جدول تناوبی عناصر - بالایی - از دست می‌دهد - خرد می‌شود.

ت) با عدد اتمی ۱۱ - پایینی - از دست می‌دهد - خرد نمی‌شود.

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

۲۱۴- عبارت کدام گزینه نادرست است؟ ( $O = 16, C = 12, H = 1: g \cdot mol^{-1}$ )

۱) همه واکنش‌هایی که تعداد اتم‌ها در دو طرف معادله یکسان است، موازن شده هستند.

۲) از واکنش فلز آلومینیم با آهن (III) اکسید برای جوشکاری خطوط راه‌آهن استفاده می‌شود.

۳) استخراج فلزهای روی و نیکل به کمک گیاهان برخلاف فلزهای طلا و مس مقرنون به صرفه نیست.

۴) از واکنش بی‌هوایی تخمیر یک مول گلوکز، ۹۲ گرم اتانول به دست می‌آید.

۲۱۵- تعداد الکترون‌ها در کاتیون فلزی که در وسایل خانه مانند تلویزیون رنگی و برخی شیشه‌ها به کار می‌رود با تعداد الکترون‌ها با

۱) کدام آنیون برابر است؟

$K^+$  (۴)

$Br^-$  (۳)

$P^{3-}$  (۲)

$Sr^{2+}$  (۱)

۲۱۶- کدامیک از عبارت‌های زیر در رابطه با عنصری که در لایه الکترونی آخر خود پنج الکtron دارد و با عنصر  $Mg$  هم دوره است

صحیح است؟

الف) با عنصر  $Sb$  هم‌گروه است.

ب) همه عنصرهای هم‌گروه آن، دارای ۵ الکترون ظرفیت هستند.

پ) در واکنش‌های شیمیایی الکترون به اشتراک می‌گذارد یا می‌گیرد.

ت) نسبت به عنصر هم دوره گروه بعدی واکنش‌پذیری بالاتری دارد.

۴) الف، پ و ت

۳) الف، ب و پ

۲) ب و پ

۱) الف و ب

۲۱۷- کدام گزینه نادرست است؟

۱) نور حاصل از واکنش فلزهای لیتیم و سدیم با کلر، به ترتیب قرمز و زرد رنگ است.

۲) حدود نیمی از نفتی که از چاههای نفت بیرون کشیده می‌شود به عنوان سوخت در وسایل نقلیه استفاده می‌شود.

۳) تفاوت شعاع اتمی  $Na$  و  $Mg$  بیشتر از تفاوت شعاع اتمی  $Al$  و  $Si$  است.

۴) کلر در دمای اتفاق به آرامی با گاز  $H_2$  واکنش می‌دهد در حالی که فلوئور حتی در دمای  $200^\circ C$  نیز با این گاز به سرعت واکنش می‌دهد.

-۲۱۸- کدام گزینه جمله زیر را به نادرستی کامل می کند؟

«نصر . . . . . عنصر . . . . .»

۱) آهن - همانند - بیست و سوم جدول تناوبی عناصر - می تواند یونی سه بار مثبت تشکیل دهد.

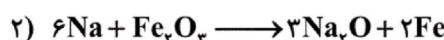
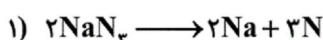
۲)  $\text{Co}_{27}$  - برخلاف  $\text{Mn}_{25}$  - در ساختار یون دو بار مثبت آن تعداد الکترون های با  $= 2 = 1$  فرد است.

۳) طلا - همانند - تیتانیم - چکش خوار بوده و قابلیت ورقه ورقه شدن دارد.

۴) بیست و چهارم جدول تناوبی عناصر - نیکل - همانند - می تواند یون های پایدار با بارهای  $2+$  و  $3+$  تشکیل دهد.

-۲۱۹- واکنش های زیر به صورت پی در پی در کیسه هوای خودرو انجام می شوند. برای آن که  $100/8$  لیتر گاز  $\text{N}_2$  با چگالی  $1/9 \text{ g.L}^{-1}$

کیسه هوا را پر کند به چند گرم سدیم آزید  $(\text{NaN}_3)$  با خلوص  $90\%$  لازم است و چند گرم  $\text{NaHCO}_3$  تولید می شود؟ (با زده در صدی هر سه واکنش را  $100\%$  در نظر بگیرید.)



$144/81, 165/4$

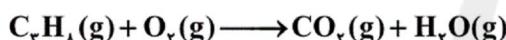
$144/81, 156/3$

$181/44, 165/2$

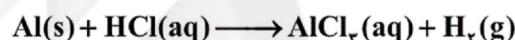
$181/44, 156/1$

-۲۲۰- در دما و فشار یکسان، حجم گاز  $\text{H}_2$  تولید شده از واکنش  $12$  گرم فلز آلومینیم با خلوص  $90\%$  درصد با حجم  $\text{CO}_2$  حاصل از

سوختن چند گرم پروپان یکسان است؟ ( $\text{H} = 1, \text{C} = 12, \text{Al} = 27, \text{O} = 16 : \text{g.mol}^{-1}$ )



$79/2/4$



$8/8/3$

$26/4/2$

$4/4/1$

-۲۲۱- کدام گزینه نادرست است؟

۱) انسان ها با الهام از طبیعت و شناخت مولکول ها و رفتار آنها، راهی برای زدودن آلودگی ها پیدا کردند.

۲) استفاده از موادی شبیه صابون امروزی برای نظافت و پاکیزگی، به چند هزار سال پیش از میلاد بر می گردد.

۳) شاخص امید به زندگی نشان می دهد با توجه به خطراتی که انسان ها در طول زندگی با آن مواجه هستند، حداقل چند سال عمر می کنند.

۴) امید به زندگی شاخصی است که در کشورهای گوناگون و حتی در شهرهای یک کشور نیز با هم تفاوت دارد.

-۲۲۲- چند مورد از مطالب زیر درست است؟

الف) صابون جامد را از گرم کردن مخلوط روغن های گوناگون گیاهی یا جانوری با پتاسیم هیدروکسید تهیه می کنند.

ب) در آب دریا و آبهای مناطق کویری مقدار زیادی از یون های  $\text{Ca}^{2+}$  و  $\text{Mg}^{2+}$  وجود دارد.

پ) کلرید مخلوطی ناهمگن حاوی توده های مولکولی با اندازه های متفاوت است.

ت) سوسپانسیون را می توان همانند پلی بین محلول و کلرید در نظر گرفت.

$2/4$

$4/3$

$2/2$

$1/1$

-۲۲۳- جرم یک مول از صابون مایع پتاسیم دار با  $20$  اتم کربن، از جرم چند مورد از موارد زیر بیشتر

است؟ ( $\text{K} = 39, \text{C} = 12, \text{N} = 14, \text{O} = 16, \text{H} = 1 : \text{g.mol}^{-1}$ )

ت) شش مول اوره

پ) یک مول واژلین

ب) یک مول روغن زیتون

الف) سه مول بنزین

$4/4$

$2/3$

$2/2$

$1/1$



۲۲۹- عبارت کدام گزینه نادرست است؟

- ۱) دسترسی به آب برای پاکیزگی و نظافت، یکی از دلایل اصلی اسکان انسان‌ها در نزدیکی رودها و رودخانه‌ها بود.
- ۲) امروزه امید به زندگی برای بیشتر مردم دنیا، در حدود ۶۰-۷۰ سال است.
- ۳) پارچه‌هایی که در واکنش پلیمری شدن الکل‌ها و اسیدها تولید می‌شوند، نسبت به پارچه‌های نخی، چسبندگی بیشتری با لکه‌های چربی دارند.
- ۴) وجود آنزیم در صابون‌ها، در ضد لکه‌های باقی‌مانده روی لباس را کاهش می‌دهد.

۲۳۰- کدام گزینه درست است؟

- ۱) تعداد پیوندهای دوگانه در ساختار اوره برابر با این تعداد در ساختار متانویک اسید ( $\text{CH}_2\text{O}_2$ ) است.
- ۲) شمار جفت‌الکترون‌های ناپیوندی در اوره دو برابر اتیلن گلیکول است.
- ۳) چگالی روغن بیشتر از آب است.
- ۴) دلیل اینکه لکه عسل به راحتی در آب پخش نمی‌شود این است که عسل در ساختار خود شمار زیادی گروه هیدروکسیل دارد.

۲۳۱- چه تعداد از موارد زیر نادرست است؟

الف) همواره در یک نمونه طبیعی از عنصری معین، اتم‌های سازنده جرم یکسانی ندارند که به دلیل وجود ایزوتوپ‌ها (هم مکان‌ها)ی عنصر مورد نظر است.

- ب) در میان ایزوتوپ‌های منیزیم که در خواص فیزیکی وابسته به جرم تفاوت دارند کمترین فراوانی مربوط به  $^{25}_{12}\text{Mg}$  است.
- پ) در میان عناصر سازنده سیاره مشتری هیچ فلزی وجود ندارد و تمامی عناصر سازنده آن در دمای اتاق به حالت گاز هستند.
- ت) پس از آهن دومین فلز فراوان سازنده کره زمین  $\text{Si}$  می‌باشد.

(۱) ۲۲ (۲) ۲۳ (۳) ۲۴ (۴) ۲۵

۲۳۲- در میان ایزوتوپ‌های هیدروژن، پایدارترین ایزوتوپ ساختگی دارای ..... ذره زیراتمی، پایدارترین رادیوایزوتوپ دارای ..... ذره درون هسته‌ای و ناپایدارترین ایزوتوپ طبیعی دارای ..... ذره زیراتمی باردار می‌باشد.

(۱) ۳-۳-۵ (۲) ۲-۴-۵ (۳) ۲-۳-۶ (۴) ۳-۴-۶

۲۳۳- چند مورد از موارد زیر درست است؟

- الف) همه  $^{99}_{43}\text{Tc}$  (که در تصویربرداری پزشکی کاربرد دارد) باید به‌طور مصنوعی و با استفاده از واکنش‌های شیمیایی تهیه شود.
- ب) در میان ایزوتوپ‌های اورانیم (شناخته شده ترین فلز پرتوزا)  $^{235}_{92}\text{U}$  دارای فراوانی کمتر از ۷٪ است.
- پ) به گلوکز حاوی اتم پرتوزا گلوکز نشان‌دار می‌گویند و در توده‌های سلطانی تجمع همزمان گلوکز معمولی و گلوکز نشان‌دار دیده می‌شود.
- ت) نور خورشید اگرچه سفید به نظر می‌رسد اما پس از تجزیه گستره‌ای پیوسته از رنگ‌ها با ۷ طول موج در آن دیده می‌شود.

(۱) ۲ (۲) ۳ (۳) ۴ (۴) صفر

۲۳۴- کدام یک از موارد داده شده درست است؟

الف) حالت فیزیکی فلز سدیم در لامپ‌های بزرگراه‌ها به صورت جامد است و نئون موجود در لامپ‌های تبلیغاتی برای ایجاد رنگ سرخ استفاده می‌شود.

ب) رنگ شعله فلزات سدیم، مس و لیتیم و نمک‌های آنها به ترتیب، زرد، سبز و سرخ است.

پ) در طیف نشري خطی هیدروژن برخلاف هلیم پرتوی الکترومغناطیسی با طول موج بین  $500 \text{ nm}$  تا  $600 \text{ nm}$  دیده نمی‌شود. ت) بیشترین میزان شکست در منشور برای رنگی است که طول موج آن به پرتوهای ایکس نزدیک تر از امواج رادیویی است.

(۴) همه موارد

(۳) ب، پ و ت

(۲) ب و پ

(۱) الف و ب

۲۳۵- نمونه‌ای شامل  $12 \text{ mol KO}_2$  /  $10 \text{ mol O}_2$  /  $10 \text{ mol Cl}_2$  از گاز کلر،  $12 \text{ mol O}_2$  /  $10 \text{ mol Cl}_2$  /  $10 \text{ mol K}_2$  اکسیژن، چند گرم

$$(S = 32, O = 16, Cl = 35/5 : g/mol^{-1})$$

(۱۰/۹۲)

(۹/۹)

(۱۱/۳۲)

(۹/۵)

۲۳۶- کلر دارای دو ایزوتوپ  $Cl^{35}$  با درصد فراوانی  $75/8\%$  و  $Cl^{37}$  با درصد فراوانی  $24/2\%$  است. در مقدار ۷۵ گرم از گاز کلر، حدوداً چند اتم با تعداد ۲۰ نوترون وجود دارد؟

(۱۲/۵  $\times 10^{23}$ )

(۶/۵  $\times 10^{23}$ )

(۹/۶  $\times 10^{23}$ )

(۳/۰۸  $\times 10^{23}$ )

۲۳۷- کدام مقایسه درباره انحراف پرتوهای حاصل از انتقالات الکترونی در طیف نشري خطی هیدروژن، در اثر عبور از منشور به درستی بیان شده است؟

$$n=5 \longrightarrow n=2 < n=4 \longrightarrow n=2 < n=3 \longrightarrow n=2 \quad (1)$$

$$n=4 \longrightarrow n=2 < n=6 \longrightarrow n=2 < n=3 \longrightarrow n=2 \quad (2)$$

$$n=3 \longrightarrow n=2 < n=4 \longrightarrow n=2 < n=5 \longrightarrow n=2 \quad (3)$$

$$n=4 \longrightarrow n=2 < n=6 \longrightarrow n=2 < n=5 \longrightarrow n=2 \quad (4)$$

۲۳۸- اگر آرایش الکترونی یون  $X^{2+}$  به  $3d^5$  ختم شود کدام عبارت زیر صحیح است؟

(۱) اتم  $X$  در دوره چهارم و گروه هفتم جدول تناوبی قرار دارد.

(۲) هیچ یک از عناصر همدسته  $X$  برای رسیدن به پایداری نمی‌توانند به آرایش الکترونی گازنجیب برسند.

(۳) اتم  $X$  با اتم  $A_{20}$  هم دوره و با اتم  $B_{42}$  هم گروه است.

(۴) تعداد الکترون‌های آخرین زیرلایه  $X$  برابر تعداد الکترون‌های ظرفیت اتم  $Y_{20}$  است.

۲۳۹- همه عبارت‌های زیر صحیح‌اند، به جز...

۱) تعداد عناصر موجود در دسته **d** دوره چهارم جدول دوره‌ای عناصرها از تعداد کل عناصر موجود در این دوره ۸ واحد کمتر است.

۲) مطابق قاعدة آفبا، آرایش الکترونی مس به صورت  $\text{Cu} : [\text{Ar}]^{3d^10} 4s^1$  است.

۳) در دوره اول جدول دوره‌ای عناصرها تنها دو نافلز جای می‌گیرند.

۴) مطابق قاعدة آفبا در زیرلایه  $6s$  زودتر از زیرلایه  $4f$  الکترون قرار می‌گیرد.

۲۴۰- تعداد الکترون‌های با  $I=2$  در آرایش الکترونی  $\text{Cr}_{24}$  چند برابر تعداد الکترون‌های با  $I=1$  در آرایش الکترونی  $\text{P}_{15}$  است؟

$$\frac{5}{9} (4)$$

$$\frac{9}{5} (3)$$

$$\frac{1}{3} (2)$$

۳ (1)



سایت کنکور

Konkur.in

## A : پاسخ نامه(کلید) آزمون 4 مرداد 1398 گروه ریاضی نظام جدید دفترچه

1	□ ✓ □ □	51	□ ✓ □ □	101	□ ✓ □ □	151	✓ □ □ □	201	□ □ □ ✓
2	□ ✓ □ □	52	✓ □ □ □	102	✓ □ □ □	152	✓ □ □ □	202	□ □ □ ✓
3	□ □ ✓ □	53	□ ✓ □ □	103	✓ □ □ □	153	□ □ □ ✓	203	□ ✓ □ □
4	□ □ ✓ □	54	□ ✓ □ □	104	□ □ □ ✓	154	□ □ □ ✓	204	□ □ □ ✓
5	□ ✓ □ □	55	✓ □ □ □	105	✓ □ □ □	155	□ □ □ ✓	205	□ ✓ □ □
6	□ ✓ □ □	56	□ □ ✓ □	106	□ □ ✓ □	156	□ ✓ □ □	206	□ □ □ ✓
7	□ □ □ ✓	57	□ □ □ ✓	107	✓ □ □ □	157	□ □ □ ✓	207	✓ □ □ □
8	□ □ ✓ □	58	□ ✓ □ □	108	✓ □ □ □	158	□ □ □ ✓	208	□ □ □ ✓
9	□ ✓ □ □	59	✓ □ □ □	109	□ □ □ ✓	159	✓ □ □ □	209	□ ✓ □ □
10	□ □ □ ✓	60	□ □ □ ✓	110	□ □ □ ✓	160	□ □ □ ✓	210	✓ □ □ □
11	✓ □ □ □	61	□ □ □ ✓	111	□ ✓ □ □	161	□ □ □ ✓	211	✓ □ □ □
12	□ ✓ □ □	62	□ ✓ □ □	112	✓ □ □ □	162	□ ✓ □ □	212	□ □ □ ✓
13	✓ □ □ □	63	□ □ ✓ □	113	✓ □ □ □	163	□ □ ✓ □	213	✓ □ □ □
14	□ □ □ ✓	64	✓ □ □ □	114	□ □ ✓ □	164	✓ □ □ □	214	✓ □ □ □
15	✓ □ □ □	65	□ ✓ □ □	115	□ □ ✓ □	165	□ □ □ ✓	215	□ □ □ ✓
16	✓ □ □ □	66	✓ □ □ □	116	□ □ □ ✓	166	□ □ □ ✓	216	□ □ □ ✓
17	□ □ □ ✓	67	✓ □ □ □	117	✓ □ □ □	167	□ □ □ ✓	217	□ □ □ ✓
18	□ □ ✓ □	68	✓ □ □ □	118	□ ✓ □ □	168	□ □ □ ✓	218	□ ✓ □ □
19	□ □ □ ✓	69	□ □ ✓ □	119	□ ✓ □ □	169	□ □ □ ✓	219	✓ □ □ □
20	□ □ □ ✓	70	□ □ □ ✓	120	□ ✓ □ □	170	□ □ □ ✓	220	□ □ □ ✓
21	□ ✓ □ □	71	□ ✓ □ □	121	□ □ □ ✓	171	□ □ □ ✓	221	□ □ □ ✓
22	✓ □ □ □	72	□ ✓ □ □	122	□ □ □ ✓	172	□ □ □ ✓	222	□ □ □ ✓
23	□ □ ✓ □	73	□ □ □ ✓	123	✓ □ □ □	173	✓ □ □ □	223	✓ □ □ □
24	□ ✓ □ □	74	□ ✓ □ □	124	□ □ □ ✓	174	□ □ □ ✓	224	□ □ □ ✓
25	□ ✓ □ □	75	□ □ ✓ □	125	✓ □ □ □	175	□ □ □ ✓	225	✓ □ □ □
26	□ □ □ ✓	76	✓ □ □ □	126	□ □ □ ✓	176	□ □ □ ✓	226	✓ □ □ □
27	□ □ ✓ □	77	□ □ ✓ □	127	✓ □ □ □	177	□ □ □ ✓	227	✓ □ □ □
28	□ ✓ □ □	78	□ □ □ ✓	128	✓ □ □ □	178	□ □ □ ✓	228	□ ✓ □ □
29	□ □ ✓ □	79	✓ □ □ □	129	□ □ □ ✓	179	□ □ □ ✓	229	□ ✓ □ □
30	□ □ ✓ □	80	□ □ □ ✓	130	□ □ □ ✓	180	□ □ □ ✓	230	✓ □ □ □
31	□ □ ✓ □	81	□ □ □ ✓	131	□ □ □ ✓	181	□ □ □ ✓	231	□ □ □ ✓
32	✓ □ □ □	82	✓ □ □ □	132	□ □ □ ✓	182	□ □ □ ✓	232	□ □ □ ✓
33	✓ □ □ □	83	□ □ ✓ □	133	✓ □ □ □	183	□ □ □ ✓	233	□ □ □ ✓
34	□ □ □ ✓	84	✓ □ □ □	134	□ □ □ ✓	184	□ □ □ ✓	234	□ □ □ ✓
35	□ □ □ ✓	85	□ □ ✓ □	135	□ □ □ ✓	185	□ □ □ ✓	235	□ □ □ ✓
36	□ ✓ □ □	86	□ ✓ □ □	136	✓ □ □ □	186	□ □ □ ✓	236	✓ □ □ □

37	87	137	187	237
38	88	138	188	238
39	89	139	189	239
40	90	140	190	240
41	91	141	191	
42	92	142	192	
43	93	143	193	
44	94	144	194	
45	95	145	195	
46	96	146	196	
47	97	147	197	
48	98	148	198	
49	99	149	199	
50	100	150	200	



سایت کنکور

Konkur.in



## فارسی ۲

(مسنون اصفری)

-۶

بدل: خود/ معطوف: عاقل

تشریح گزینه‌های دیگر:

گزینه‌های «۱»: تکرار: حلال / گزینه «۳»: بدل: خود / گزینه «۴»: بدل: سنگدل (توجه: سوز و ساز یک واژه است و «و» در این واژه میانوولد محسوب می‌شود نه حرف عطف)

(فارسی ۲، زبان فارسی، صفحه ۳۴)

(طنین زاهدی‌لیا)

-۷

در گزینه «۴» «شد» فعل استنادی و «فروزنده» مسند است.

تشریح گزینه‌های دیگر:

گزینه «۱»: «گشاده شد» فعل مجھول است.

گزینه «۲»: «پیوسته شد» و «بسته شد» فعل مجھول هستند.

گزینه «۳»: «خورده شد» فعل مجھول است.

(فارسی ۲، زبان فارسی، صفحه‌های ۲۱ و ۲۲)

(مسنون اصفری)

-۸

عبارت صورت سؤال بیانگر ترجیح همت و اراده آدمی بر نیروی جسمانی و بازوی انسان است. این مفهوم در بیت گزینه «۳» نیز بیان شده است.

تشریح گزینه‌های دیگر:

گزینه «۱»: همراهی همت و دعای پیر مغان موجب به کمال رسیدن سالک و عارف خواهد بود.

گزینه «۲»: عارفان واقعی تمامی تعلقات مادی را در عشق پشت سر گذاشته‌اند.

گزینه «۳»: بدون نظر و همت درویشان (عارفان واقعی) کارها به سامان نمی‌رسد.

(فارسی ۲، مفهوم، صفحه ۱۶)

(مسنون سکلری-ساری)

-۹

ایات همه گزینه‌ها به استثنای بیت گزینه «۲» چیرگی بر هوا و هوس را سبب قدرتمندی و موفقیت می‌دانند. بیت گزینه «۲» به تهدید همیشگی و در کمین بودن پیوسته هوا و هوس اشاره می‌کند.

(فارسی ۲، مفهوم، صفحه ۲۵)

(مبدیر (لیری))

-۱۰

مفهوم گزینه «۳»: تأکیدی است بر اتکا به نفس و خودباوری که مقابل تسلیم و تقلید و پیروی است.

(فارسی ۳، مفهوم، صفحه ۲۴)

(مسنون پرهیزلار)

-۱

زوج‌های هم‌معنی عبارت‌اند از: دربایست و ضرورت / روضه و گلزار / سراسام و هذیان / وبال و گناه / صنم و دلبیر / دقت شود دو واژه مرشد و سالک متضاد هستند.

(فارسی ۲، لغت، واژه‌نامه)

(مبدیر (لیری))

-۲

شکل درست واژه‌ها: محجوب / بخواست / مخفقه

(فارسی ۲، املاء، ترکیبی)

(مسنون پرهیزلار)

-۳

در گزینه «۱»: غرضی ← قرضی / در گزینه «۲»: شبخت ← شبهت / در گزینه «۴»: زنده‌گانی ← زندگانی

(فارسی ۲، املاء، صفحه‌های ۱۸ تا ۲۰)

(طنین زاهدی‌لیا)

-۴

حس‌آمیزی: ج (نگاه خشک) / تشخیص: د (دل آهن) / اسلوب معادله: ب / تشبیه: الف  
(کاسه دریوزه کردند آشیان‌ها را) / کنایه: ه (دوتا گشته قامت) (فارسی ۲، آرایه، ترکیبی)

(مسنون سکلری-ساری)

-۵

گزینه «۲»: صحیح است. خون خود را می‌خورد کنایه از اوضاع و احوال نابسامان / ایهام ندارد.

تشریح گزینه‌های دیگر:

گزینه «۱»: مصراع اول مصدق و مثالی است برای مصراع دوم: اسلوب معادله / دلیل هلال شده ماه منت خورشید: حسن تعلیل

گزینه «۳»: تلمیح به داستان حضرت سلیمان / چون مور باش: تشبیه

گزینه «۴»: حس‌آمیزی: چشم شور / چشم در مصراع دوم مجاز از «نگاه» (فارسی ۲، آرایه، ترکیبی)



(کتاب زرد عمومی)

-۱۷

نقش‌های تبعی بر این پایه‌اند:

گزینه «۱»: تکرار: «بار» و «باری»

گزینه «۲»: معطوف: حسن قامت

گزینه «۳»: بدل: طاوس (بدل برای «تو»)

(فارسی ۲، زبان فارسی، صفحه ۳۴)

(کتاب زرد عمومی)

-۱۱

حالوت: شیرینی / زنخدان: چانه / فرومادن: متحیر شدن / دغل: مکر و ناراستی، در درس اول مکار و تنبل

(کتاب زرد عمومی)

-۱۸

مفهوم گزینه «۳»، ناتوانی عقل در برابر عشق است.

گزینه «۱»: ناتوان بودن قضا و قدر و سرزنشت از حل کردن مشکلات

گزینه «۲»: ترجیح دادن بدنامی بر آبرو و نام نیک

گزینه «۴»: عامل دولت و ثروت بودن عقل

(فارسی ۲، مفهوم، مشابه صفحه ۵۵)

(فارسی ۲، لغت، واژه‌نامه)

-۱۲

نژند: خوار و زبون، اندوهگین.

(کتاب زرد عمومی)

-۱۹

عبارت صورت سؤال به عزت‌نفس و مناعت طبع قاضی بست اشاره دارد که با وجود نیازمندی، هدیه و بخشش سلطان مسعود را زبونصر مشکان می‌گیرد و دویاره آن را باز می‌گرداند و می‌گوید که من به این زرها نیازی ندارم و از حساب روز قیامت می‌ترسم. در گزینه‌های «۱»، «۲» و «۳» نیز به مناعت طبع تأکید شده است.

گزینه «۱»: عنقا (سیمرغ) اگرچه از شدت بینوایی و فقر بمیرد محال است که شکار پرنده‌گان کوچکی مانند گنجشک را از آن‌ها بگیرد.

گزینه «۲»: نهنگی که در عمق‌ترین جای دریا مکان دارد، هرگز از آب جوی نمی‌آشامد.

گزینه «۳»: عقابی که در اوج آسمان پرواز می‌کند، هرگز به صید پرنده‌های کوچک توجه نمی‌کند.

اما در گزینه «۴» می‌گوید که همراه شدن با کسانی که توانایی و قدرت بیشتری دارند (در حالی که خود ناتوانی)، نشانه نادانی انسان است و موجب زیان او می‌شود.

(فارسی ۲، مفهوم، صفحه ۲۰)

(کتاب زرد عمومی)

-۱۳

امالی صحیح کلمات عبارت‌اند از: بیت «الف»: نگذارد ← نگزارد / بیت «ب»: برخواستن ← برخاستن / بیت «ج»: تبع ← طبع

(فارسی ۲، املال، صفحه‌های ۱۷، ۱۸ و ۱۹)

(کتاب زرد عمومی)

-۲۰

مفهوم بیت سؤال، بیانگر بی‌صبری و بی‌قراری عاشق است که از گزینه «۴» نیز همین مفهوم دریافت می‌شود.

در سایر ایات به صبر و شکیبایی کردن تأکید شده است.

(فارسی، مفهوم، مشابه صفحه ۵۵)

(کتاب زرد عمومی)

-۱۴

گزینه «۱»: بی‌قیمتی به دلیل گرانمایگی / گزینه «۲»: جمع بودن خوشید از پراکندگی / گزینه «۳»: ایمان به کفر سر زلف داشتن دارای تناقض است.

(فارسی ۲، آرایه، صفحه ۴۵)

(کتاب زرد عمومی)

-۱۵

در بیت گزینه «۱» آرایه «جناس» به کار نرفته است اما تلمیح به داستان حضرت یوسف مشهود است.

## تشریف سایر گزینه‌ها:

گزینه «۲»: استعاره: تراویش کردن اسرار، راز گوهر، سینه دریا (هر سه مورد، استعاره مکننی‌اند) / کنایه: پرخون بودن دل، تراویش کردن اسرار عشق و پرده پوش راز بودن

گزینه «۳»: واج‌آرایی: تکرار و اح های «س»، و ... استعاره: سرو روان = بار (استعاره مصحره)

گزینه «۴»: ایهام: بگرفت ماه از او ← ۱) چهره همچون ماه بار را فراگرفت. (پوشاند) ۲) ماه را دچار خسوف کرد.

به در نیست راه از او ← ۱) مسدود و بسته است. ۲) راه رهایی از آن وجود ندارد.

تشبیه: خط عذر بار به حلقه تشبیه شده است.

(فارسی ۱ و ۲، آرایه، ترکیبی)

(کتاب زرد عمومی)

-۱۶

مبان وازده‌های گزینه «۱» دو به دو رابطه تضاد برقرار است.

گزینه «۲»: «اعزل و نصب»، «جزر و مدد»، «مضرات و منافع» ← تضاد / «هزاهز و غریو» ← ترادف

گزینه «۳»: «ایجاز و اطناب»، «مدح و ذم» ← تضاد / «سلامت و روانی»، «بنیوع و چشمده» ← ترادف

گزینه «۴»: «بدو و ختم»، «افراط و تفریط»، «انقباض و انبساط» ← تضاد / «ابطال و الغا» ← ترادف

(فارسی ۲، زبان فارسی، صفحه ۱۱)



(فالد مشیرپناهی - هکلان)

-۲۶

عبارت‌های داده شده در گزینه‌های «ج، و» نادرست هستند.

## ترجمه عبارت‌ها:

الف) اخلاقلکر (شلوغ کار) از کارهایی که در آن بدی به دیگران باشد، دوری نمی‌کند؛ درست است.

ب) همزیستی همان است که موجودات زنده با یکدیگر زندگی کنند؛ درست است.

ج) زیست‌شناسی علمی است که از کیفیت ترکیب مواد و خواص عنصرها صحبت می‌کند؛ نادرست است، این تعریف «علم شیمی: علم الکیمیاء» است.

د) فرهنگ لغت کتابی است که در برگیرنده مفردات لغوی و شرح واژگان کلمات است؛ درست است.

ه) هنگامی که دو نفر با سخن پنهانی با هم گفتگو می‌کنند، پس آن‌ها آهسته سخن می‌گویند؛ درست است.

و) مُج گیری همان جمع شدن و چرخیدن دور چیزی است؛ نادرست است، این تعریف «الإلتلاف: در هم پیچیدن» است.

(بیزار بجهانفش - قائمشهر)

-۲۷

گزینه «۳»: «تَبَّة» ماضی باب تفعّل است که چون فعل شرط واقع شده به صورت مضارع التزامی ترجمه می‌شود.

## تشریح گزینه‌های دیگر

گزینه «۱»: «ما» در «ما قسم» مای نفی است.

گزینه «۲»: «إن» با فعل مضارع آمده است.

گزینه «۴»: «ما» در «ما علم» مای نفی است.

(انواع بملات)

(فاطمه منصوری‌کان)

-۲۸

«المُسْتَضْعَفِينَ» اسم مفعول است.

## تشریح گزینه‌های دیگر

گزینه «۱»: «قاتل» اسم فاعل است.

گزینه «۳»: «الآخرة» اسم فاعل است.

گزینه «۴»: «الطلاب» مفرد آن «طالب» و اسم فاعل است. «معلم» هم اسم فاعل است.

(قوعاد اسم)

(فاطمه منصوری‌کان)

-۲۹

در این گزینه، «خَيْر» به معنی «بهترین» است که اسم تفضیل محسوب می‌شود. در سایر گزینه‌ها به ترتیب «شَرٌّ بد»، «الْخَيْر: خوبی» و «الْخَيْر: خوبی/ الشَّرَّ بد» مصدر هستند.

(فاطمه منصوری‌کان)

-۳۰

در این گزینه، «فَهُوَ حَسْبَهُ» جمله اسامیه و جواب شرط است. در سایر گزینه‌ها، جواب شرط‌ها جمله فعلیه هستند که به ترتیب عبارت‌اند از: «حصل، قَلَّ و يَحْصُدُ»

(انواع بملات)

(وروشعل ابراهیمی)

-۲۱

«إن». اگر، چنان‌چه / «تَتَّقُوا اللَّهُ»: پروای خدا کنید، از خدا بترسید / «يَعْجَلُ»: قرار

می‌دهد / لَكُمْ: برایتان / «فُرْقَانًا»: نیروی تشخیص حق از باطل (ترجمه)

(فالد مشیرپناهی - هکلان)

-۲۲

بعد از «إن» فعل‌های ماضی را می‌توان به صورت «مضارع» ترجمه کرد. در گزینه «۲»، ضمیر «كُم» در هر دو فعل «ظَلَمَكُم» به صورت مفرد ترجمه شده که صحیح نیست و

«أَغْفَوْ» و «تَسْتَسْلِمُوا» نیز مفرد آمده اند. هم‌چنین در گزینه‌های «۳» و «۴» اسم موصول (من) ترجمه نشده است. / فعل «لَا تَسْتَسْلِمُ» فعل نهی مخاطب است و برای

ترجمه فعل‌های نهی مخاطب نیازی به آوردن لفظ «باید» نیست که این اشتباه در گزینه‌های «۲» و «۳» وجود دارد. (ترجمه)

(بیزار بجهانفش - قائمشهر)

-۲۳

## تشریح گزینه‌های دیگر

گزینه «۱»: «الطلَّاب» جمع است که به صورت «دانش‌آموز» ترجمه شده است.

گزینه «۲»: «أَهْمَ» اسم تفضیل است که به صورت «مهم» ترجمه شده است.

گزینه «۴»: «الرَّمَلَ» به معنای «همشگردی‌ها» است نه «دانش‌آموزان». (ترجمه)

(فاطمه منصوری‌کان)

-۲۴

مفهوم عبارت اول (سکوت کردن (مانند) طلاست و سخن گفتن (مانند) نظره است؛

این است که ارزش سکوت کردن بیشتر از سخن گفتن (نایه‌جا) است، اما بیت مقابل

آن این نکته را می‌رساند که سخن گفتن درون و باطن انسان را نمودار می‌کند.

(مفهوم)

(فاطمه منصوری‌کان)

-۲۵

عبارت به کار رفته در گزینه «۲»، تعریف کلمه «الْتَّجَسُّس: جاسوسی کردن» است،

نه «الْفَضْح: رسوا کردن».

در سایر گزینه‌ها عبارات در تعریف کلمات «تخته‌سیاه، شیمی و مغازه» درست

هستند.

(مفهوم)



(کتاب زرد عمومی)

آنچه از متن نتیجه گرفته نمی‌شود: «جامعه باید به دشمنانش بیشتر از دوستاش را توجه کند!»

**شرح گزینه‌های دیگر**

گزینهٔ ۱: «انسان نباید همیشه از خودش، توقع نیکی داشته باشد، بنابراین به یادآوری نیاز دارد!» درست است.

گزینهٔ ۲: «نمی‌توانیم انسانی پیدا کنیم که تماماً خیر و خوبی باشد! پس وظيفة ما کم کردن بدی‌ها و افزایش خوبی‌هاست!» درست است.

گزینهٔ ۳: «هر کس به دنبال نقص‌هایمان بگردد و آن‌ها را آشکار سازد، ما را به راه پیشرفت و رشدمان راهنمایی می‌کنند!» درست است.

(درک مطلب)

-۳۵

(کتاب زرد عمومی)

من: کسی که (در این جا)/ «یحی»: دوست دارد (در این جا)/ «یحسن»: نیکی می‌کند، احسان می‌کند/ «بعده عن...»: (فعل از باب إفعال و دارای معنای متعبدی) از... دور می‌کند/ «الشّ»: شرّ، بدی

**شرح گزینه‌های دیگر**

گزینهٔ ۱: «به خوبی رفتار می‌کند، دور می‌شود»، گزینهٔ ۲: «در دل دارد، دور می‌ماند»، گزینهٔ ۴: «دوستدار خدا است، دوستدار اوست» (ترجمه)

(کتاب زرد عمومی)

دوست کسی است که عیب‌هایم را آشکار سازد نه کسی که آن‌ها را نهان سازد و به تحسین آن ببردازد! مناسب برای مفهوم متن است.

**شرح گزینه‌های دیگر**

گزینهٔ ۱: «مردم، اگرچه خودشان احساس نکنند، برای یکدیگر خدمتکارند!» نادرست است.

گزینهٔ ۳: «بزرگی در این نیست که هرگز خطناکی بلکه در این است که مدام اصلاح نمایی!» نادرست است.

گزینهٔ ۴: «راه پوشیده شده با گل‌ها باعث شرافت و بزرگی نمی‌شود!» نادرست است.

(درک مطلب)

-۳۶

(کتاب زرد عمومی)

عبارت داده شده به این موضوع اشاره دارد که با مردم به اندازه‌ی عقل‌هایشان صحبت کن و این مطلب با آن‌چه در گزینهٔ ۱ آمده است، کاملاً مطابقت دارد. (بهترین سخن آن است که فهمی برای مردم ممکن باشد!) (مفهوم)

(کتاب زرد عمومی)

گزینهٔ ۱: «نکره» نادرست است.

**شرح گزینه‌های دیگر**

گزینهٔ ۲: «فاعله الرؤبة» نادرست است.

گزینهٔ ۳: «فاعله است، زیرا مضالفالیه است. (جمیع: فاعل/ افراد: تمثیل صرفی و مدل اعرابی) مضالفالیه)

-۳۷

(کتاب زرد عمومی)

العدو: فاعل است، نه مفعول.

(تمثیل صرفی و مدل اعرابی)

-۳۸

(کتاب زرد عمومی)

صورت سؤال، جمله‌ای را می‌خواهد که اسم نکره‌ای را توصیف کرده باشد. در این گزینه، «حفلة» نکره است و پس از آن، فعل (جمله فعلیه) «لن أنساها» برای توصیف آمده است. در بقیه گزینه‌ها ترکیب «اسم نکره+جمله فعلیه» وجود ندارد.

(أنواع بملات)

-۳۹

(کتاب زرد عمومی)

«لينتفع» فعل مضارعی است که به صورت مضارع التزامی فارسی ترجمه می‌شود.

(أنواع بملات)

-۴۰

(کتاب زرد عمومی)

ترجمه سوال: «چه وقت اعلام نقص‌ها و افسای آن، کلیدی برای رسیدن به خوبی‌ها می‌شود؟» با توجه به آن‌چه در متن آمده است: «زمانی که از خودمان توقع نداشته باشیم که همه کارهایمان شایسته و درست باشد!»

**شرح گزینه‌های دیگر**

گزینهٔ ۲: «هنگامی که به خودمان توجه داشته باشیم و نخواهیم آن را به کسی که ما را نمی‌خواهد، بفروشیم!» نادرست است.

گزینهٔ ۳: «هنگامی که این نقص‌ها، از زبان دشمنان و قلم‌های آن‌ها بیرون آید!» نادرست است.

گزینهٔ ۴: «هنگامی که نظارتمان را بر اصلاح خودمان و تهذیب اخلاقمان زیاد کنیم!» نادرست است.

(درک مطلب)

-۳۴

(کتاب زرد عمومی)

با توجه به آن‌چه در متن آمده است: «بعضی وقت‌ها دشمن (مخالف) بیشتر از کمک دوست به ما کمک می‌کند!» (درک مطلب)



## دین و زندگی ۲

-۴۱

(ممدر رضایی بقا)  
انسان و پیرگی‌هایی دارد که او را از سایر مخلوقات تمایز می‌کند و همین امر سبب شده، شیوه هدایت او متفاوت باشد.  
با کنار هم قرار دادن عقل و وحی (تکوین و تشریع) می‌توان به پاسخ سوال‌های اساسی دست یافته.

(دین و زندگی یازدهم، درس ۱، صفحه‌های ۱۵ و ۱۶)

-۴۲

(ممدر آقا صالح)  
دعوت قرآن کریم به آوردن کتاب یا سوراهای همانند قرآن کریم را تحدی می‌گویند که از عبارت «فَأَنْوَا بِسُورَةٍ مِّثْلَهِ» سوراهای همانند آن بیاورید» به دست می‌آید.  
پیشنهاد آوردن یک سوره مانند سوره‌های قرآن بیانگر اثبات نهایت عجز و ناتوانی مشکگین در الهی بودن قرآن کریم (نه منکرین معاد) و همچنین بیانگر آسان‌ترین راه برای غیر الهی نشان دادن اسلام و قرآن کریم می‌باشد.  
عبارت «لَا يَأْتُونَ بِمِثْلِهِ» نمی‌توانند همانند آن را بیاورند» بیانگر عجز جن و انس از آوردن مانند قرآن است، نه دعوت به مبارزه (تحدی).  
(دین و زندگی یازدهم، درس ۳، صفحه‌های ۳۷ و ۳۸)

-۴۳

(مرتضی محسن‌کبر)  
انسان با آب، نیازهای طبیعی و جسمی‌اش را برطرف می‌سازد: «وَجَعَلْنَا مِنَ الْمَاءِ كَلَّا  
شَيْءَ حَيٍّ وَ الْجُنُحُى بِهِ بَلَدَةً مِّيَّتاً» و به وسیله آب، حیات جسمانی بشر ادامه می‌یابد و آیه «يَا ايَّهَا الَّذِينَ آمَنُوا اسْتَجِبُّو لَهُ وَ لِرَسُولِهِ، إِذَا دُعَاكُمْ لَمَا يَحِبُّكُمْ» مؤید حیات روحانی بشر است و موضوع پاسخ به نیازها، اشاره به صفت حکمت الهی و هدفاری خلقت دارد.

(دین و زندگی یازدهم، درس ۱، صفحه ۹ و ۱۰)

-۴۴

(ممدر آقا صالح)  
زمانی که انسان از سطح زندگی روزمره فراتر می‌رود و در افق بالاتری (اعلی) بینیدیشد، خود را بنيازهای مهم‌تری (که یکی از آن‌ها کشف راه درست زندگی است) نیز روبرو می‌بیند (مواجه می‌شود). نیازهایی که برآمده (نشأت گرفته) از سرمایه‌های ویژه‌ای است که خداوند به او عطا کرده است.  
(دین و زندگی یازدهم، درس ۱، صفحه ۱۳ و ۱۴)

-۴۵

(ممدر آقا صالح)  
در عصر نزول قرآن، آمادگی فکری و فرهنگی جوامع مختلف به میزانی بود که می‌توانست کامل‌ترین برنامه زندگی را دریافت و حفظ و به کمک آن، پاسخ نیازهای فردی و اجتماعی خود را به دست آورد.  
دینی می‌تواند برای ممیشه ماندگار باشد که بتواند به همه سوال‌ها و نیازهای انسان‌ها در همه مکان‌ها و زمان‌ها پاسخ دهد (بیوایی و روزآمد بودن دین اسلام) دقیق شود که حفظ قرآن کریم از تحریف، علت جاودانه باقی‌ماندن قرآن است، نه ماندگاری تعالیم اسلامی.  
(دین و زندگی یازدهم، درس ۲، صفحه ۱۳ و ۱۴)

-۴۶

(ممدر رضایی بقا)  
خداوند با لطف و رحمت خود، ما انسان‌ها را تنها نگذاشت و هدایت ما را بر عهده گرفت و راهی را در اختیارمان قرار دارد، که همان راه مستقیم خوشبختی است.  
(دین و زندگی یازدهم، درس ۲، صفحه ۱۲)

-۴۷

(مامد روانی)  
عبارت قرآنی مذکور، بیانگر وحدت تعالیم انبیا و واحد بودن دین الهی است که بیت «یکی خط است ز اول تا به آخر / ...» نیز بیانگر همین مضامون است.

(دین و زندگی یازدهم، درس ۳، صفحه ۳۰ و ۳۱)

-۴۸

(غیروزن تزارت‌بیف- تبریز)  
حدیث امام باقر (ع) ناظر بر جامعیت و هم‌جانبه بودن قرآن کریم، از نشانه‌های اعجاز محتوایی آن بوده و به نیازهای مربوط به برنامه زندگی و هدایت اشاره می‌کند.

(دین و زندگی یازدهم، درس ۳، صفحه ۳۱)

-۴۹

(ممدر رضایی بقا)  
وجود دی چند دین در یک زمان، نشانگر این است که پیروان پیامبر قبلی به آخرین پیامبر ایمان نیاورده‌اند و این کار به معنای سریعی از فرمان خدا و عدم پیروی از دستورات پیامبران گذشته است.

امروزه به جز قرآن کریم هیچ کتاب آسمانی دیگری وجود ندارد که بتوان گفت محتوای آن بهطور کامل از جانب خاست و انسان‌ها آن را کم و زیاد نکرده‌اند و با اطمینان خاطر بتوان از آن پیروی کرد. بنابراین، تنها دینی که می‌تواند مردم را به رستگاری دنیا و آخرت برساند، اسلام است: «وَ مَنْ يَتَبَعَ غَيْرَ الْإِسْلَامَ دِيَنًا فَإِنَّ يَقِيلَ  
مِنْهُ». (دین و زندگی یازدهم، درس ۳، صفحه ۳۱)

-۵۰

(ممدر آقا صالح)  
شاره به نکات علمی در قرآن کریم گویای آن است که قرآن کریم بسیار فراتر از علم آن روز جامعه سخن گفته (سطح علمی قرآن با سطح علمی زمان نزول آن برابر نیست) و ذکر این قبیل نکات علمی فقط از کسی ساخته است که آگاه (علیم) به همه علوم باشد. نظریه انبساط جهان بیانگر این است که جهان هستی مدام در حال گسترش و انبساط است و عبارت «وَ إِنَّا لَمُوسِيْعُونَ: وَ مَا هُوَ بِهِ مِنْ  
مَّا يَخْشِيْمُ» بیانگر آن است.  
(دین و زندگی یازدهم، درس ۳، صفحه ۴۱ و ۴۲)

-۵۱

(کتاب زرد عمومی)  
ترجمه آیه ۱۶۵ سوره نساء: «رَسُولُنَا (را فرستاد که) بشارت و انذار دهد تا برای مردم در مقابل خداوند بهانه و دستاویزی بعد از آمدن پیامبران نیاشد.»  
(دین و زندگی یازدهم، درس ۱، صفحه ۱۶)

-۵۲

(کتاب زرد عمومی)  
دلیل چند دینی با وجود دعوت انبیا به دین واحد را می‌توان در آیه شریفه «قطعاً  
دین نزد خداوند، اسلام است و اهل کتاب در آن مخالفت نمی‌مودند مگر ....» یافت که تجاوز آگاهانه به اصلت دعوت سبب آن بود.

(دین و زندگی یازدهم، درس ۳، صفحه ۲۳)

-۵۳

(کتاب زرد عمومی)  
رسایی تعبیرات با وجود اختصار و شیرینی بیان این کتاب (قرآن) بیانگر اعجاز لفظی آن می‌باشد.  
(دین و زندگی یازدهم، درس ۳، صفحه‌های ۳۹ و ۴۰)



## ذیان انگلیسی ۲

(غیریا توکل)

-۶۱

ترجمه جمله: «می‌توانید بعداً با من تماس بگیرید؟ من به کمی زمان بیشتر نیاز دارم تا این مقاله را برای فردا بنویسم.»

**نکته مهم درسی**

اسم "time" غیرقابل شمارش است و نمی‌توان از "a few, few, many" همراه آن استفاده کرد.

(گرامر)

(غیریا توکل)

-۶۲

ترجمه جمله: «آیا می‌توانید به من مقداری اطلاعات در مورد موقعیت سوپرمارکتهاي اين همسایگی بدheyid لطفاً؟»

**نکته مهم درسی**

اسم "information" غیرقابل شمارش است و نمی‌توان از "a few" همراه آن استفاده کرد. شکل صحیح گزینه ۱) "a little" و گزینه ۴) "a lot of" است، اما با این وجود با توجه به معنی جمله بهترین گزینه ۲) است.

(گرامر)

(آنایتیا اصفری)

-۶۳

ترجمه جمله: «برای کمک به رسیدن به این هدف، کمیته به طور مداوم تری جایزه‌های ارزشمندی را عرضه می‌کند.»

- (۱) متغیر
- (۲) محتمل
- (۳) ارزشمند
- (۴) غیرممکن

(واگلان)

(آنایتیا اصفری)

-۶۴

ترجمه جمله: «به طور کلی، زبان شیوه اصلی ارتباط ما را فراهم می‌کند.»

- (۱) زبان
- (۲) میزبان
- (۳) انگلیسی
- (۴) کشور خارجی

(واگلان)

(روزه شهلاکی مقدم)

-۶۵

ترجمه جمله: «من خواندن داستان‌های تاریخی را دوست دارم، چون می‌توانم درباره زندگی‌هایی که مردمان سال‌ها پیش داشته‌اند، بیاموزم.»

- (۱) متفاوت
- (۲) تاریخی
- (۳) غیرقابل شمارش
- (۴) بین‌المللی

(واگلان)

(عبدالرشید شفیعی)

-۶۶

- (۱) زبان مادری
- (۲) منطقه کشاورزی
- (۳) زبان اشاره
- (۴) موسسه زبان

(کلوزتست)

(کتاب زرد عمومی)

-۵۴

این که نبی‌مکرم اسلام مطابق رسم زمانه نزد کسی درس نخواند، در عین حال از همان ابتدای بعثت آیاتی را بر مردم خواند که برترین معارف را دربرداشت، موضوعی است که در آیه کریمه «و ما کنت تعلو من قبله من کتاب و لا تخطه بیمینک...» به عنوان عاملی که از شک کج‌اندیشان جلوگیری کرده، بدان اشاره شده است. (اشارة به این بودن پیامبر (ص))

(دین و زندگی یازدهم، درس ۳، صفحه ۱۴۶)

(کتاب زرد عمومی)

-۵۵

خداؤند در آیه ۲۴ سوره انفال می‌فرماید: «ای مؤمنان، دعوت خدا و پیامبر را اجابت کنید؛ آن‌گاه که شما را به چیزی فرا می‌خواند که زندگی و حیاتتان می‌بخشد.» (دین و زندگی یازدهم، درس ۱، صفحه ۹)

(کتاب زرد عمومی)

-۵۶

یکی از علل آمدن پیامبران متعدد رشد تدریجی سطح فکر جوامع و اقوام است و بدین منظور که دین الهی را در خور فهم و اندیشه‌های انسان‌های دوران خود بیان کنند و حدیث شریف «آتا معاشر الانبياء امرنا ان نکلم الناس على قدر عقولهم» بیانگر این موضوع است. (دین و زندگی یازدهم، درس ۲، صفحه ۲۵)

(کتاب زرد عمومی)

-۵۷

ترجمه آیه ۸۲ سوره نساء: «آیا درباره قرآن نمی‌اندیشنند؟ اگر از نزد غیر خدا می‌بود در آن ناسازگاری بسیار می‌یافتند.» که به بیشترین شکل این آیه بیانگر انسجام درونی در عین نزول تدریجی است. با این که بیش از شش هزار آیه قرآن کریم در طول ۲۳ سال نازل شده است و درباره موضوعات متنوعی مانند توحید، معاد، انسان، نظام خلق، سرگذشت پیامبران، نظام اجتماعی، اخلاق و احکام سخن گفته است نه تنها میان آیات تعارض و ناسازگاری نیست، بلکه آیاتش دقیق‌تر از اعضا یک بدن با یکدیگر هماهنگ‌اند. (دین و زندگی یازدهم، درس ۳، صفحه‌های ۱۵ و ۱۶)

(کتاب زرد عمومی)

-۵۸

لامه استقرار و ماندگاری یک پیام، تبلیغ دائمی و مستمر آن است و نتایج تداوم دعوت انبیا سبب شد که تعالیم الهی در میان مردم بماند و جزء آداب و فرهنگ آنان شود و کسانی نتوانند به سادگی آن را از میان جامعه‌ی بشری بیرون کنند. (دین و زندگی یازدهم، درس ۲، صفحه ۲۵)

(کتاب زرد عمومی)

-۵۹

امام کاظم(ع) به شاگرد بر جسته خود هشام بن حکم فرمود: ای هشام، خداوند رسولانش را به سوی بندگان نفرستاد، جز برای آن که این بندگان در پیام الهی تعقل کنند. کسانی این پیام را بهتر می‌پذیرند که از معرفت برتری برخوردار باشند و آنان که در تعقل و تقدیر برترند نسبت به فرمان‌های الهی دانانند.

(دین و زندگی یازدهم، درس ۱، صفحه ۱۶)

(کتاب زرد عمومی)

-۶۰

به سبب ویژگی‌های فطری مشترک، خداوند یک برنامه‌ی کلی به انسان‌ها عایت کرده تا آنان را به هدف مشترکی که در خلقشان قرار داده است برساند. این برنامه اسلام نام دارد که به معنای تسلیم بودن در برابر خداست. این مفاهیم از دقت در آیه «قطعاً دین نزد خداوند اسلام است و اهل کتاب در آن راه مخالفت نمی‌پسندند، مگر پس از آن که به حقانیت آن آگاه شدند.» برداشت می‌شود. (دین و زندگی یازدهم، درس ۲، صفحه ۲۳۳)



<p>(کتاب زرد عمومی)</p> <p>ترجمه جمله: «از چهار قمر مشتری، کدامیک به این سیاره دورترین است؟» «کلیستو»</p> <p>(درک مطلب)</p>	-٧٤	<p>(عبدالرشید شفیعی)</p> <p>ترجمه جمله: «از کلمه‌های استفاده شده در متن، کدامیک می‌تواند جایگزین کلمه "bet" در پاراگراف سوم شود؟» «candidate»</p> <p>(درک مطلب)</p>	-٦٧
<p>(کتاب زرد عمومی)</p> <p>ترجمه جمله: «از کلمه‌های استفاده شده در متن، کدامیک می‌تواند جایگزین کلمه "bet" در پاراگراف سوم شود؟» «candidate»</p> <p>(درک مطلب)</p>	-٧٥	<p>(عبدالرشید شفیعی)</p> <p>ترجمه جمله: «از کلمه‌های استفاده شده در متن، کدامیک می‌تواند جایگزین کلمه "candidate" باشد؟» «few speakers»</p> <p>(کلوزتست)</p>	-٦٨
<p>(کتاب زرد عمومی)</p> <p>ترجمه جمله: «چرا نویسنده به کلمه "ocean" در پاراگراف سوم اشاره کرده است؟»</p> <p>برای این که درک بهتری از این‌که شکل احتمالی زندگی در یوروبا چگونه است به ما بدهد.</p> <p>(درک مطلب)</p>	-٧٦	<p>(عبدالرشید شفیعی)</p> <p>ترجمه جمله: «چرا نویسنده به کلمه "ocean" در پاراگراف سوم اشاره کرده است؟»</p> <p>برای این که درک بهتری از این‌که شکل احتمالی زندگی در یوروبا چگونه است به ما بدهد.</p> <p>(کلوزتست)</p>	-٦٩
<p>(کتاب زرد عمومی)</p> <p>ترجمه جمله: «کلمه "They" در پاراگراف ۱۱ اشاره می‌کند به بچه‌های ایتالیایی که در زندگی، خانه را خیلی دیر ترک می‌کنند.»</p> <p>(درک مطلب)</p>	-٧٧	<p>(عبدالرشید شفیعی)</p> <p>ترجمه جمله: «کلمه "They" در پاراگراف ۱۱ اشاره می‌کند به بچه‌های ایتالیایی که در زندگی، خانه را خیلی دیر ترک می‌کنند.»</p> <p>(کلوزتست)</p>	-٧٠
<p>(کتاب زرد عمومی)</p> <p>ترجمه جمله: «با توجه به متن، آن دانشجویان ایتالیایی که از دانشگاه کمک مالی برای تحصیلات کالج می‌گیرند، به اندازه دانشجویانی که بدون چنین کمک مالی‌ای به دانشگاه می‌روند، زیاد نیستند.»</p> <p>(درک مطلب)</p>	-٧٨	<p>(عبدالرشید شفیعی)</p> <p>ترجمه جمله: «طبیعی است که شما مراقب همه چیز باشید وقتی که در چنین خیابان شلوغی راه می‌روید.»</p> <p>(کلوزتست)</p>	-٧١
<p>(کتاب زرد عمومی)</p> <p>ترجمه جمله: «متن می‌گوید که افراد جوانی که خانواده‌هایشان به آن‌ها ماشین و موبایل و غیره می‌دهند، نیازی نیست که در خانه کمک کنند.»</p> <p>(درک مطلب)</p>	-٧٩	<p>(عبدالرشید شفیعی)</p> <p>ترجمه جمله: «استاد دانشگاه از دانشجویان زیادی در کلاس درخواست کرد تا پاراگراف مقدمه را به دلیل وجود اشتباهات زیاد در آن بازنویسی کنند.»</p> <p>(کلوزتست)</p>	-٧٢
<p>(کتاب زرد عمومی)</p> <p>ترجمه جمله: «کدامیک از سوال‌های زیر، سوالی است که بیشتر مربوط به متن می‌باشد؟»</p> <p>در منظومه شمسی (به غیر از زمین و مریخ) در کجا ممکن است موجود زنده و زندگی وجود داشته باشد؟»</p> <p>(درک مطلب)</p>	-٨٠	<p>(عبدالرشید شفیعی)</p> <p>ترجمه جمله: «کدامیک از سوال‌های زیر، سوالی است که بیشتر مربوط به متن می‌باشد؟»</p> <p>در منظومه شمسی (به غیر از زمین و مریخ) در کجا ممکن است موجود زنده و زندگی وجود داشته باشد؟»</p> <p>(کلوزتست)</p>	-٧٣



# آزمون ۹۸ مرداد ماه

## نقد و تصحیح پایانی

### اختصاصی دوازدهم ریاضی (نظام جدید)

نام درس	نام طراحان
ریاضی پایه و حسابان ۲	محمد پیمانی - سید عادل حسینی - سعید خانجانی - طاهر دادستانی - یاسین سپهر - میلاد سجادی لاریجانی علی شهرابی - عرفان صادقی - حمید علیزاده - سید میلاد موسوی چاشمی - چهانبخش نیکنام
هندسه	امیرحسین ابومحبوب - علی ایمانی - علی اکبر جعفری - احسان جوانی بادی - محمد رضا حسینی فرد - مهسا زمانی یاسین سپهر - علیرضا شریف خطیبی - رضا عباسی اصل - علی فتح آبادی - فرشاد فرامرزی - سینا محمد پور رحیم مشتاق نظم - حمید رضا مظاہری - مهرداد ملوندی - میلاد منصوری - سروش موئینی - داریوش ناظمی
آمار و احتمال و ریاضیات گسته	امیرحسین ابومحبوب - علی ایمانی - جواد حاتمی - یاسین سپهر - علیرضا شریف خطیبی - مرتضی فهیم علوی سید عادل رضا مرتضوی - مهرداد ملوندی
ریاضی ۱	امیرحسین ابومحبوب - علیرضا سیف - سید محسن فاطمی - مرتضی فهیم علوی - حمید گروسی - هونم نورائی
فیزیک	خسرو ارغوانی فرد - بابک اسلامی - محمد اکبری - عبدالرضا امینی نسب - زهره آقامحمدی - علی بکلوا ابوالفضل خالقی - حمید سلیم پور - سعید شرق - سعید طاهری بروجنی - امیرحسین مجوزی - احسان محمدی مجتبی مدنی - حسین ناصحی - میلاد نقوی - نیما نوروزی - شادمان ویسی
شیمی	محمد رضا پور جاوید - حامد پویان نظر - حسن رحمتی کوکنده - مینا شرافتی پور - محمد عظیمیان زواره مسعود علوی امامی - میکائیل غراوی - محمد کوهستانیان - حسن لشکری - سعید محسن زاده - امیرحسین معروفی طه مهدوی - سید علی ناظمی - محمد وزیری - محمد رضا یوسفی

#### گزینشگران و ویراستاران

نام درس	ریاضی پایه و حسابان ۲	هنده و ریاضیات گسته	آمار و احتمال و ریاضی ۱	امیرحسین ابومحبوب	بابک اسلامی	شیمی
گزینشگر	سید عادل حسینی	امیرحسین ابومحبوب	امیرحسین ابومحبوب	بابک اسلامی	محمد وزیری	
گروه ویراستاری	مرضیه گودرزی علی ارجمند	سید عادل حسینی علی ارجمند	سید عادل حسینی	سید عادل حسینی علی ارجمند	ایمان حسین نژاد علی علمداری مینا شرافتی پور	
مسئول درس	سید عادل حسینی	امیرحسین ابومحبوب	امیرحسین ابومحبوب	بابک اسلامی	محمد وزیری	

#### گروه فنی و تولید

مدیر گروه	محمد اکبری
مسئل دفترچه	نرگس غنی زاده
گروه مستندسازی	مدیر گروه: فاطمه رسولی نسب مسئول دفترچه: آته اسفندیاری
حروف نگار	حسن خرم جو
ناظر چاپ	سوران نعیمی

#### گروه آزمون بنیاد علمی آموزشی قلمچی (وقف عام)

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ - کانون فرهنگی آموزش - تلفن: ۰۱-۶۴۶۳



(محمد پیمانی)

-۸۴

$$f(x) = x^4 - 5x + k = 0 \Rightarrow x^4 - 5x + k - 0 = 0$$

$$x_A = -\frac{1}{x_B} \Rightarrow x_A \cdot x_B = -1 \xrightarrow{P=4=-1} k - 5 = -1 \Rightarrow k = 4$$

$$\Rightarrow f(x) = x^4 - 5x + 4 = (x - 4)(x - 1)$$

$$\Rightarrow |x_4 - x_1| = |4 - 1| = 3 \quad \text{و} \quad x = 4 \quad \text{و} \quad x = 1 \quad \text{صفرهای تابع } f \text{ هستند.}$$

(مسابان ا- بیبر و معادله، صفحه‌های ۷ تا ۱۳)

(ظاهر درستانی)

-۸۵

$$\left( \frac{1}{x} + \frac{1}{x+3} \right) + \left( \frac{1}{x+1} + \frac{1}{x+2} \right)$$

$$= \frac{2x+3}{x^2+3x} + \frac{2x+3}{x^2+3x+2} = (2x+3) \left( \frac{1}{x^2+3x} + \frac{1}{x^2+3x+2} \right) = 0$$

$$\Rightarrow \begin{cases} 2x+3=0 \Rightarrow x=-\frac{3}{2} \\ \frac{1}{x^2+3x} + \frac{1}{x^2+3x+2}=0 \end{cases}$$

$$\underline{\text{تغییر متغیر}}: x^2+3x=\alpha \Rightarrow \frac{1}{\alpha} + \frac{1}{\alpha+2} = 0 \Rightarrow \alpha = x^2+3x = -1$$

$$\Rightarrow x^2+3x+1=0 \Rightarrow x = \frac{-3 \pm \sqrt{5}}{2}$$

$$\Rightarrow -\frac{3}{2} + \frac{-3+\sqrt{5}}{2} + \frac{-3-\sqrt{5}}{2} = -\frac{9}{2} \quad \text{مجموع جوابها}$$

(مسابان ا- بیبر و معادله، صفحه‌های ۷ تا ۱۹)

(سید عارف مسینی)

-۸۶

$$x = 1 : 4 = \sqrt{k+2} \Rightarrow 1 = k + 2 \Rightarrow k = 2$$

$$\Rightarrow 2x+1 = \sqrt{16x-4} ; x \geq \frac{7}{16} \xrightarrow{\text{توان دوم}} 4x^2 + 4x + 1 = 16x - 4$$

$$\Rightarrow 4x^2 - 12x + 8 = 4(x^2 - 3x + 2) = 4(x-2)(x-1) = 0$$

$$\Rightarrow x = 2 \quad \text{جواب دیگر}$$

البته با پیدا کردن مقدار  $k$ ، می‌توانستیم با جای‌گذاری گزینه‌ها نیز به جواب صحیح برسیم.

(مسابان ا- بیبر و معادله، صفحه‌های ۷ تا ۲۰)

حسابان ۱

-۸۱

(محمد پیمانی)

در هر دنباله حسابی اگر  $m+n=s+t$  باشد، داریم:

$$a_m + a_n = a_s + a_t$$

$$\begin{cases} A = a_1 + a_2 + a_3 + a_4 + a_5 \\ B = a_{100} + a_{99} + a_{98} + a_{97} + a_{96} \end{cases}$$

$$\Rightarrow (a_1 + a_{100}) + (a_2 + a_{99}) + (a_3 + a_{98}) + (a_4 + a_{97}) + (a_5 + a_{96})$$

$$= 5(a_1 + a_{100}) = 125 \Rightarrow a_1 + a_{100} = 25$$

$$S_n = \frac{n}{2} [a_1 + a_n] \Rightarrow S_{100} = \frac{100}{2} [a_1 + a_{100}] = \frac{100}{2} \times 25 = 1250$$

(مسابان ا- بیبر و معادله، صفحه‌های ۷ تا ۱۳)

(ظاهر درستانی)

-۸۲

$$S_n = \frac{a_1 q^n - a_1}{q - 1} = \frac{q(a_1 q^{n-1}) - a_1}{q - 1}$$

$$= \frac{qa_n - a_1}{q - 1} \xrightarrow{a_1 = -5, a_n = 5} \frac{5q + 5}{q - 1} = 0 \Rightarrow q = -1$$

(مسابان ا- بیبر و معادله، صفحه‌های ۷ تا ۱۳)

(محمد پیمانی)

-۸۳

می‌دانیم جواب معادله، عددی است که در معادله صدق می‌کند. پس داریم:

$$3\alpha^2 = 1 + 4\alpha \quad \text{یا} \quad 3\alpha^2 - 4\alpha - 1 = 0$$

$$S = \frac{-b}{a} = \frac{-(-4)}{3} = \frac{4}{3} \quad \text{بنابراین خواهیم داشت:}$$

$$3\alpha^2 + 4\beta = 1 + 4\alpha + 4\beta = 1 + 4(\alpha + \beta) = 1 + 4S = 1 + 4\left(\frac{4}{3}\right) = \frac{19}{3}$$

$$\Rightarrow \frac{3\alpha^2 - 4\alpha}{3\alpha^2 + 4\beta} = \frac{1}{\frac{19}{3}} = \frac{3}{19}$$

(مسابان ا- بیبر و معادله، صفحه‌های ۷ تا ۱۳)



(میلاد سپاهی لاریجانی)

-۹۰

فاصله نقطه  $(2\alpha, \alpha)$  از خط  $3x + 4y - 5 = 0$  برابر ۳ می‌باشد. داریم:

$$\frac{|3(2\alpha) + 4(\alpha) - 5|}{\sqrt{3^2 + 4^2}} = \frac{|6\alpha + 4\alpha - 5|}{\sqrt{9+16}} = \frac{|10\alpha - 5|}{5} = 3 \Rightarrow |10\alpha - 5| = 15$$

$$\Rightarrow \begin{cases} 10\alpha - 5 = 15 \Rightarrow \alpha = 2 \Rightarrow A(4, 2) \\ 10\alpha - 5 = -15 \Rightarrow \alpha = -1 \Rightarrow B(-2, -1) \end{cases}$$

$$\Rightarrow |AB| = \sqrt{(4 - (-2))^2 + (2 - (-1))^2} = \sqrt{36 + 9} = \sqrt{45} = 3\sqrt{5}$$

(مسابان ا- پیر و معارله، صفحه‌های ۵ ۲۹ ۳۶)

(یاسین سپهر)

-۹۱

$$y = x^2 - 2x + 3 = (x-1)^2 + 2$$

برای این که نمودار این تابع بر نمودار تابع  $y = x^2$  منطبق گردد، باید ابتدا

۱ واحد به سمت چپ و سپس ۲ واحد به سمت پایین منتقل شود.

(مسابان ا- پیر و معارله، صفحه‌های ۱ ۱۳ ۱۲)

(یاسین سپهر)

-۹۲

$$y = \sqrt{x-2} \xrightarrow{\text{ واحد به سمت راست}} y = \sqrt{x-2}$$

$$\xrightarrow{\text{ واحد به سمت پایین}} y = \sqrt{x-2} - 1$$

$$\xrightarrow{\text{ قرینه نسبت به محور } x} y = -(\sqrt{x-2} - 1)$$

$$= -\sqrt{x-2} + 1$$

(مسابان ا- پیر و معارله، صفحه‌های ۱ ۱۳ ۱۲)

(عرفان صارقی)

-۹۳

$$D_f = \{x \in \mathbb{R} \mid 1 + g(x-2) \geq 0\} (*)$$

با استفاده از انتقال، نمودار تابع  $y = 1 + g(x-2)$  را رسم می‌کنیم:

(علی شهرابی)

-۸۷

$$2\sqrt{\frac{x}{2x+1}} + \sqrt{\frac{2x+1}{x}} = 3 \Rightarrow \frac{\sqrt{2x+1}}{\sqrt{x}} = t \Rightarrow 2t + \frac{1}{t} = 3$$

$$\Rightarrow 2t^2 - 3t + 1 = 0 \Rightarrow t = 1, \frac{1}{2}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} \sqrt{\frac{x}{2x+1}} = 1 \Rightarrow \frac{x}{2x+1} = 1 \Rightarrow x = -1 \\ \sqrt{\frac{x}{2x+1}} = \frac{1}{2} \Rightarrow \frac{x}{2x+1} = \frac{1}{4} \Rightarrow x = \frac{1}{2} \end{cases}$$

پس مجموع جوابها برابر است با:  $-1 + \frac{1}{2} = -\frac{1}{2}$ .

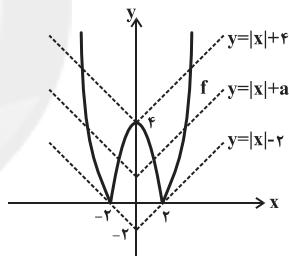
(مسابان ا- پیر و معارله، صفحه‌های ۲۰ ۲۱ ۲۲)

(یعنی نفس نیکنم)

-۸۸

معادله را به فرم  $|x^2 - 4| = |x| + a$  بازنویسی می‌کنیم. نمودارهای

$$g(x) = |x| + a \text{ و } f(x) = |x^2 - 4|$$



طبق شکل، برای این که نمودار  $g$ ،  $f$  را در چهار نقطه قطع کند، باید نمودار  $g$ ، بالاتر از نمودار  $y = |x| - 2$  و پایین‌تر از  $y = |x| + 4$  قرار گیرد. یعنی باید  $4 < a < 2$  باشد، پس  $a$  می‌تواند اعداد صحیح  $1, 0, -1, -2$  و  $-3$  را بپذیرد.

(مسابان ا- پیر و معارله، صفحه‌های ۲۳ ۲۴ ۲۵)

(میلاد سپاهی لاریجانی)

-۸۹

اندازه  $OA$  نصف اندازه قطر مریع می‌باشد.

$$|OA| = \sqrt{(2 - (-2))^2 + (1 - 5)^2} = \sqrt{16 + 16} = \sqrt{32} = 4\sqrt{2}$$

 $\Rightarrow$  طول قطر مریع  $= 8\sqrt{2}$ 

$$\Rightarrow S = \frac{(\text{طول قطر مریع})^2}{2} = \frac{64 \times 2}{2} = 64$$

(مسابان ا- پیر و معارله، صفحه‌های ۱ ۲۹ ۳۶)



(سید عادل حسینی)

-۹۶

روش اول:

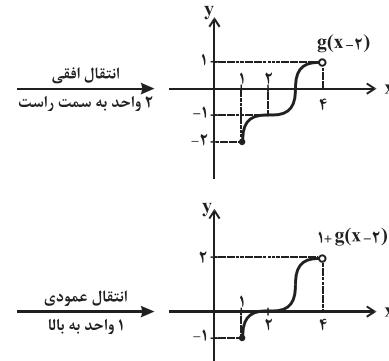
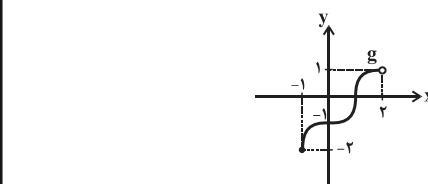
$$\begin{aligned} y = f(x) &\xrightarrow{\text{انتقال ۲ واحد}} f(x+2) \xrightarrow[\text{به چپ}]{\text{انقباض افقی با ضریب } \frac{1}{2}} f(2x+2) \\ &\xrightarrow[\text{محور } x \text{ ها}]{\text{قرینه نسبت به محور } x} -f(2-2x) \\ &\xrightarrow[\text{به بالا}]{\text{انتقال ۱ واحد}} g(x) = 1 - f(2-2x) \end{aligned}$$

با رسم این نمودار، نمودار گزینه «۳» حاصل می‌شود.

روش دوم:

می‌توانیم با پیدا کردن نقاط متناظر تابع‌های  $g$  و  $f$ ، به راحتی تابع  $g$  را رسم کنیم. نقاط  $(-3, 0)$ ,  $(0, 1)$ ,  $(1, 0)$  روی نمودار تابع  $f$ ، به ترتیب از راست به چپ به نقاط  $\left(\frac{1}{2}, 1\right)$ ,  $\left(\frac{5}{2}, 0\right)$ ,  $\left(\frac{3}{2}, 0\right)$  روی نمودار تابع  $g$  متناظر می‌شوند. با اتصال این نقاط به هم‌دیگر، تابع  $g$  حاصل می‌شود.

(مسابقات ۲- تابع، صفحه‌های ۱ تا ۱۲)



طبق نمودار فوق، نمودار تابع  $y = 1 + g(x-2)$  در فاصله  $2 \leq x < 4$  با قرار دارد. بنابراین با توجه به رابطه  $(*)$  دامنه تابع  $f$  بازه  $[2, 4]$  خواهد بود.

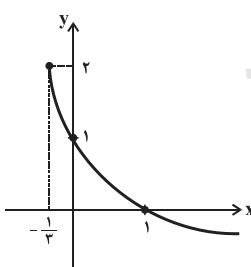
(مسابقات ۲- تابع، صفحه‌های ۱ تا ۱۲)

(سید عادل حسینی)

-۹۷

$$\begin{aligned} y = \sqrt{x} &\xrightarrow[\text{به چپ}]{\text{انتقال ۱ واحد}} \sqrt{x+1} \xrightarrow[\text{ضریب } \frac{3}{2}]{\text{انقباض با}} \sqrt{3x+1} \\ &\xrightarrow[\text{به بالا}]{\text{انتقال ۲ واحد}} y = 2 - \sqrt{3x+1} \xrightarrow[\text{به محور } x \text{ ها}]{\text{قرینه کردن نسبت}} \end{aligned}$$

بنابراین نمودار آن مطابق شکل زیر است:



نمودار این تابع از ربع سوم نمی‌گذرد.

(مسابقات ۲- تابع، صفحه‌های ۱ تا ۱۲)

(سید عادل حسینی)

-۹۸

تنها تبدیلات در راستای عمودی هستند که در برداشت تأثیرگذارند. بنابراین

$$R_g = 1 - \sqrt{3} R_f \xrightarrow{R_f = [0, 2]} R_g = [1 - 2\sqrt{3}, 1]$$

داریم:

این بازه شامل ۴ عدد صحیح  $-2, -1, 0$  و  $1$  است.

(مسابقات ۲- تابع، صفحه‌های ۱ تا ۱۲)

(عرفان صادری)

-۹۴

$$\begin{aligned} y = -3f(-2x+3)+1 &\Rightarrow -2 \leq -2x+3 < 3 \\ &\Rightarrow -5 \leq -2x < 0 \Rightarrow 0 < x \leq \frac{5}{2} \end{aligned}$$

$$\Rightarrow D_y = \left(0, \frac{5}{2}\right] \xrightarrow{\text{اعداد صحیح}} x = 1, 2$$

دقیق کنید که تنها انتقال افقی تابع  $f(x)$  دامنه را تغییر می‌دهد و انتقال عمودی بر روی آن بی‌تأثیر است.

(مسابقات ۲- تابع، صفحه‌های ۱ تا ۱۲)

(سید عادل حسینی)

-۹۵

$$(0, 2) \in f \Rightarrow f(0) = 2$$

$$A': \begin{cases} 2 - \frac{1}{2}x'_A = 0 \Rightarrow x'_A = 4 \\ y_A' = 2 - \frac{1}{2}f(0) = 1 \end{cases}$$

$$\Rightarrow A'(4, 1) \Rightarrow \text{مجموع طول و عرض} = 5$$

(مسابقات ۲- تابع، صفحه‌های ۱ تا ۱۲)



**نامتناهی:**  $\{ \pm 3, -4, -5, \dots \}$

**گزینه ۱:**

-۹۹

**متناهی:**  $A' \cap B' = \{ 0, \pm 1, \pm 2 \}$

**گزینه ۲:**

**نامتناهی:**  $B - A' = \{ 4, 5, 6, 7, \dots \}$

**گزینه ۳:**

**نامتناهی:**  $A' \cup B' = \{ \pm 3, \pm 2, \pm 1, 0, -4, \dots \}$

(ریاضی ا- مجموعه، الگو و دنباله، صفحه‌های ۲ تا ۷)

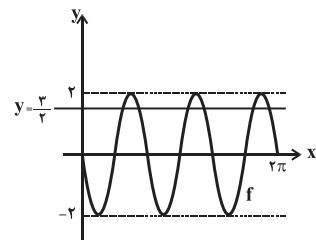
(ممیر علیزاده)

-۱۰۲

(ممیر علیزاده)

برای رسم تابع  $y = f(x)$ ، ابتدا نمودار تابع  $y = -3f\left(\frac{1}{2}x\right) + 1$  را

واحد به سمت پایین منتقل می‌کنیم، در راستای عمودی با ضریب ۳ آن را منطبق و نسبت به محور  $x$  ها قربنه می‌کنیم و در نهایت در راستای افقی با ضریب ۲ منطبق می‌کنیم.



واضح است که خط  $y = \frac{3}{2}$ ، تابع  $y = f(x)$  را در بازه  $[0, 2\pi]$ ، ۶ بار قطع می‌کند.

(مسابان ۲- تابع، صفحه‌های ۱ تا ۱۲)

$$\Rightarrow (A - B) \cap C = \left[ 0, \frac{b}{2} \right] = \left[ a, \frac{1}{2} \right]$$

$$\Rightarrow \begin{cases} a = 0 \\ b = 1 \end{cases} \Rightarrow a - b = -1$$

(ریاضی ا- مجموعه، الگو و دنباله، صفحه‌های ۲ تا ۷)

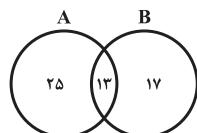
(علی شیرازی)

-۱۰۳

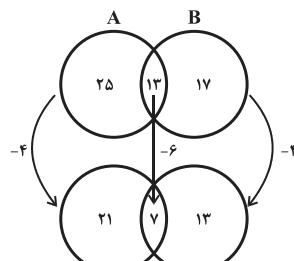
در ابتدا داریم:

$$n(A \cap B) = n(A) + n(B) - n(A \cup B)$$

$$= ۳۸ + ۳۰ - ۵۵ = ۱۳$$



حال از  $A$  و  $B$ ، ۱۰ عضو برمی‌داریم بهطوری که از اشتراکشان ۶ عضو کم شود:



پس تعداد اعضای  $A \cup B$  در حالت جدید برابر است با:

$$21 + 7 + 13 = 41$$

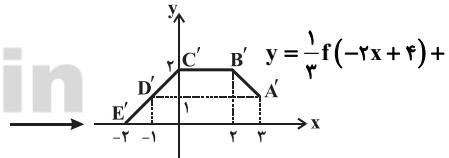
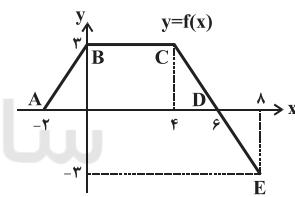
(ریاضی ا- مجموعه، الگو و دنباله، صفحه‌های ۱ تا ۱۲)

(ممیر علیزاده)

-۱۰۰

با انجام تبدیلات لازم یا پیدا کردن نقاط متناظر، می‌توان نمودار تابع

$y = f(x)$  را از روی تابع  $y = \frac{1}{3}f(-2x + 4) + 1$  مطابق شکل‌های زیر رسم کرد:



$$\Rightarrow S_{A'B'C'D'} = \left( \frac{2+4}{2} \right) \times 1 = 3$$

(مسابان ۲- تابع، صفحه‌های ۱ تا ۱۲)

**ریاضی ۱**

(ممیر علیزاده)

-۱۰۱

$$A = \{ \pm 3, \pm 4, \pm 5, \dots \} \Rightarrow A' = \{ 0, \pm 1, \pm 2 \}$$

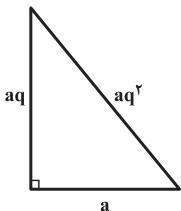
$$B = \{ 4, 5, 6, 7, \dots \} \Rightarrow B' = \{ \pm 4, \pm 2, \pm 1, -4, -5, \dots \}$$

در نتیجه داریم:



$$\frac{a^2 \neq 0}{\Rightarrow q^4 - q^2 - 1 = 0} \Rightarrow q^2 = \frac{1 + \sqrt{5}}{2}$$

$$\Rightarrow \frac{\text{طول وتر}}{\text{طول ضلع کوچکتر}} = \frac{aq^2}{a} = q^2 = \frac{1 + \sqrt{5}}{2}$$



دقت کنید اگر وتر را  $a$  و اضلاع قائم را نیز  $aq$  و  $aq^2$  در نظر بگیریم:

$$\text{همچنان نسبت مورد نظر برابر } \frac{1 + \sqrt{5}}{2} \text{ خواهد بود.}$$

(ریاضی ا- مجموعه، الگو و دنباله، صفحه‌های ۲۱ تا ۲۷)

(سید عارل حسینی)

-۱۰۹

$$a_7 = \frac{a_5 + a_6}{2} \Rightarrow 2a_1q^6 = a_1q^4 + a_1q^5$$

$$\Rightarrow a_1q^4(2q^2 - q - 1) = a_1q^4(2q + 1)(q - 1) = 0$$

$$\frac{a_1q \neq 0}{\left\{ \begin{array}{l} q = 1 \\ q = -\frac{1}{2} \end{array} \right.}$$

(ریاضی ا- مجموعه، الگو و دنباله، صفحه‌های ۲۱ تا ۲۷)

(سعید فانهاج)

-۱۱۰

$$a_3, a_7, a_9 \xrightarrow[\text{متولی دنباله هندسی}]{\text{ویژگی جملات}} a_7 = a_3 \cdot a_9$$

$$\Rightarrow (a_1 + 6d)^7 = (a_1 + 2d)(a_1 + 8d)$$

$$\Rightarrow a_1^7 + 12a_1d + 36d^7 = a_1^7 + 10a_1d + 16d^7$$

$$\Rightarrow 2 \cdot d^7 + 2a_1d = 2d(a_1 + 6d) = 0 \xrightarrow{d \neq 0} a_1 = -10d$$

$$\Rightarrow a_n = a_1 + (n-1)d : \text{جمله عمومی دنباله حسابی}$$

$$= -10d + (n-1)d = (n-11)d$$

واضح است که  $a_{11} = 0$  خواهد بود.

(ریاضی ا- مجموعه، الگو و دنباله، صفحه‌های ۲۱ تا ۲۷)

(سید میلان موسوی پاشمنی)

-۱۰۴

تعداد مربع‌های کوچک در شکل  $n$  از رابطه زیر به دست می‌آید:

$$t_n = (n)(n+1) + 1 \Rightarrow t_7 = 7(7+1) + 1 = 57$$

(ریاضی ا- مجموعه، الگو و دنباله، صفحه‌های ۲۱ تا ۲۷)

(سید عارل حسینی)

-۱۰۵

$$a_n = \left( n - \frac{5}{2} \right)^2 - \frac{21}{4}$$

کمترین مقدار، زمانی اتفاق می‌افتد که عبارت  $\left( n - \frac{5}{2} \right)^2$  کمترین مقدار

ممکن باشد. به ازای  $n = 2$  و  $n = 3$ ، کمترین مقدار جملات این دنباله یعنی ۵ به دست می‌آید.

(ریاضی ا- مجموعه، الگو و دنباله، صفحه‌های ۲۱ تا ۲۷)

(بیهانیش نیکنام)

-۱۰۶

$$2a_7 + a_8 + a_9 = 2(a_1 + 2d) + (a_1 + 7d) + (a_1 + 9d)$$

$$= 4a_1 + 20d = 4(a_1 + 5d) = 4a_6 = 44 \Rightarrow a_6 = 11$$

(ریاضی ا- مجموعه، الگو و دنباله، صفحه‌های ۲۱ تا ۲۷)

(سید عارل حسینی)

-۱۰۷

$$a_n = 5n - 12$$

$$\Rightarrow 10 \leq a_n = 5n - 12 \leq 99 \Rightarrow 22 \leq 5n \leq 111$$

$$\Rightarrow 4 / 4 \leq n \leq 22 / 2 \xrightarrow{n \in \mathbb{N}} 5 \leq n \leq 22$$

۲۲ - ۵ + ۱ = ۱۸ جمله از جملات این دنباله، دو رقمی هستند. اما برای اینکه

عدد دو رقمی مورد نظر زوج باشد،  $n$  نیز باید زوج باشد. بنابراین ۹ جمله در جملات این دنباله، دو رقمی و زوج هستند.

(ریاضی ا- مجموعه، الگو و دنباله، صفحه‌های ۲۱ تا ۲۷)

(طاهر درستاخانی)

-۱۰۸

با فرض  $1 < q$  داریم:

$$\xrightarrow{\text{رابطه فیثاغورس}} (aq^2)^2 = (aq)^2 + a^2$$



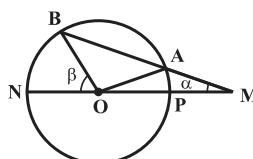
طبق فرمول صفحه ۱۲ کتاب درسی برای طول کمان داریم:

$$AB = \frac{\pi \times 2 \times 60}{180} = \frac{2\pi}{3}$$

(هنرسه -۲ - دایره، صفحه ۱۲)

(علی ایمانی)

-۱۱۴



$$\left. \begin{array}{l} OA = R \\ MA = R \end{array} \right\} \Rightarrow OA = MA \Rightarrow \widehat{AOM} = \widehat{M} = \alpha \Rightarrow \widehat{AP} = \alpha$$

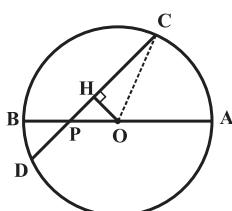
$$\Rightarrow \widehat{M} = \frac{\widehat{BN} - \widehat{AP}}{2} = \frac{\beta - \alpha}{2}$$

$$\Rightarrow \alpha = \frac{\beta - \alpha}{2} \Rightarrow \beta - \alpha = 2\alpha \Rightarrow \beta = 3\alpha = 3 \times 22^\circ = 66^\circ$$

(هنرسه -۲ - دایره، مشابه تمرین ۶ صفحه ۱۷)

(محمد رضا مسینی فرد)

-۱۱۵



عمود OH را بر وتر CD رسم می‌کنیم. نقطه H وسط CD قرار دارد و

مثلث OHP، مثلث قائم‌الزاویه متساوی الساقین است. داریم:

$$CD = PC + PD = 7 + 1 = 8 \Rightarrow CH = DH = \frac{8}{2} = 4$$

$$\Rightarrow OH = PH = DH - PD = 4 - 1 = 3$$

$$\Delta OHC : OC^2 = OH^2 + CH^2 = 3^2 + 4^2 = 25 \Rightarrow R = OC = 5$$

(هنرسه -۲ - دایره، صفحه ۱۳)

۲ هندسه

-۱۱۱

(محمد رضا مسینی فرد)

در دایره‌ای به شعاع R، طول کمان روبرو به زاویه  $\alpha$  درجه، برابر

$$l = \frac{\pi R \alpha}{180}$$

مقابل آنها می‌باشد و داریم:

$$\frac{90^\circ}{120^\circ} = \frac{l}{4\pi} \Rightarrow l = 3\pi$$

(هنرسه -۲ - دایره، صفحه ۱۲)

(محمد رضا مسینی فرد)

-۱۱۲

$$\hat{A} = \frac{\widehat{BT}}{2} \Rightarrow \widehat{BT} = 2\hat{A}$$

$$AT = AB \Rightarrow \widehat{AT} = \widehat{AB} = \frac{360^\circ - 2\hat{A}}{2} = 180^\circ - \hat{A}$$

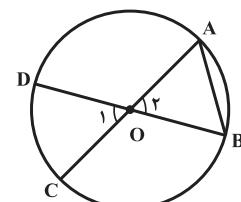
$$\hat{C} = \frac{\widehat{AT} - \widehat{BT}}{2} \Rightarrow 51^\circ = \frac{(180^\circ - \hat{A}) - 2\hat{A}}{2} \Rightarrow 102^\circ = 180^\circ - 3\hat{A}$$

$$\Rightarrow 3\hat{A} = 78^\circ \Rightarrow \hat{A} = 26^\circ$$

(هنرسه -۲ - دایره، صفحه‌های ۱۳ تا ۱۶)

(علی ایمانی)

-۱۱۳



$$\widehat{CD} = 60^\circ \Rightarrow \hat{O}_1 = \hat{O}_2 = 60^\circ \xrightarrow{OA=OB}$$

مثلث ABO متساوی‌الاضلاع است.

$$\Rightarrow S_{\Delta ABO} = \frac{\sqrt{3}}{4} r^2 = \sqrt{3} \Rightarrow r^2 = 4 \Rightarrow r = 2$$



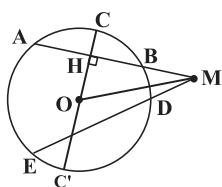
(دایریش ناظمی)

-۱۱۹

طبق روابط طولی برای دو قاطع  $MDE$  و  $MBA$  داریم:

$$MB \cdot MA = MD \cdot ME \Rightarrow x \cdot 4x = 4 \times (4x)$$

$$\Rightarrow x = 4 \Rightarrow CH = \frac{x}{2} = 2$$

اگر قطر  $CC'$  را رسم کنیم، داریم:

$$CH \cdot HC' = AH \cdot BH \Rightarrow 2 \times (2OH + 2) = 4 \times 4 \Rightarrow OH = 3$$

$$\stackrel{\Delta}{\text{OHM}} : OM^2 = OH^2 + HM^2 = 9 + 64 = 73$$

$$\Rightarrow OM = \sqrt{73}$$

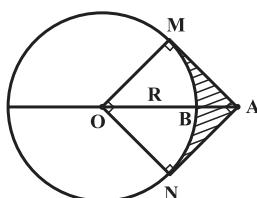
توجه:

$$HC' = CC' - CH = 2OC - 2 = 2(OH + 2) - 2 = 2OH + 2$$

(هنرسه ۲ - دایره، صفحه‌های ۱۳، ۱۷ و ۱۸)

(علی فتح آبادی)

-۱۲۰

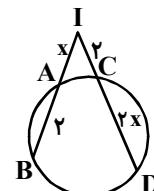
چون دو مماس رسم شده از نقطه  $A$  بر هم عمود هستند و طول دو مماسبرابر یکدیگر است، پس چهارضلعی  $AMON$  قطعاً یک مریع است و شعاعدایره نیز برابر طول ضلع مریع، یعنی برابر  $2\sqrt{2}$  است. داریم:

$$S_{\text{قطاع}} = S_{\text{AMON}} - S_{90^\circ} = \left(2\sqrt{2}\right)^2 - \frac{\pi}{4} \left(2\sqrt{2}\right)^2 = 8 - 2\pi$$

(هنرسه ۲ - دایره، صفحه‌های ۱۳، ۱۹ و ۲۰)

(مهرباد ملوندی)

-۱۱۶

اگر  $IA = x$  فرض شود، آنگاه داریم:

$$IA \times IB = IC \times ID \Rightarrow x(x+2) = 2(2+2x)$$

$$\Rightarrow x^2 + 2x = 4 + 4x \Rightarrow x^2 - 2x - 4 = 0$$

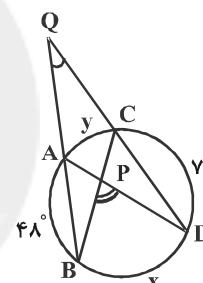
$$\Rightarrow x = \frac{2 \pm \sqrt{20}}{2} = \frac{2 \pm 2\sqrt{5}}{2} \Rightarrow \begin{cases} x_1 = 1 + \sqrt{5} \\ x_2 = 1 - \sqrt{5} \end{cases}$$

غ.ق.ق. < ۰

(هنرسه ۲ - دایره، صفحه‌های ۱۱ و ۱۲)

(دایریش ناظمی)

-۱۱۷

اگر فرض کنیم  $x = \widehat{AC}$  و  $y = \widehat{BD}$ ، آنگاه با توجه به شکل داریم:

$$\stackrel{\wedge}{BPD} = \stackrel{\wedge}{Q} \Rightarrow \frac{1}{2}(x+y) = \frac{3}{2}(x-y) \Rightarrow x = 2y \quad (*)$$

از طرفی داریم:

$$x + y = 360^\circ - (48^\circ + 72^\circ) = 240^\circ \Rightarrow 2y + y = 240^\circ$$

$$\Rightarrow 3y = 240^\circ \Rightarrow y = 80^\circ \Rightarrow x = 160^\circ$$

(هنرسه ۲ - دایره، صفحه‌های ۱۵ و ۱۶)

(امیرحسین ابومهوب)

-۱۱۸

 $\stackrel{\wedge}{BD} = \stackrel{\wedge}{ABD} = \stackrel{\wedge}{CBD} \Rightarrow \stackrel{\wedge}{AD} = \stackrel{\wedge}{DC}$ 

$$\stackrel{\wedge}{BAD} - \stackrel{\wedge}{ABD} = \frac{\stackrel{\wedge}{BCD}}{2} - \frac{\stackrel{\wedge}{AD}}{2} = \left(\frac{\stackrel{\wedge}{BC}}{2} + \frac{\stackrel{\wedge}{CD}}{2}\right) - \frac{\stackrel{\wedge}{AD}}{2} = \frac{\stackrel{\wedge}{BC}}{2} = 50^\circ$$

توجه کنید که طبق فرض  $\stackrel{\wedge}{BAC} = \frac{\stackrel{\wedge}{BC}}{2} = 50^\circ$  است.

(هنرسه ۲ - دایره، صفحه‌های ۱۳ و ۱۴)



$$x^2 - 4 = 2x - 1 \Rightarrow x^2 - 2x - 3 = 0 \Rightarrow (x-3)(x+1) = 0 \Rightarrow \begin{cases} x = 3 \\ x = -1 \end{cases}$$

$$x = 3 \Rightarrow B = \{5\} \Rightarrow a^2 - 3 = 5 \Rightarrow a^2 = 8 \Rightarrow a = \pm 2\sqrt{2}$$

$$x = -1 \Rightarrow B = \{-3\} \Rightarrow a^2 - 3 = -3 \Rightarrow a^2 = 0 \Rightarrow a = 0$$

(آمار و احتمال-آشنايی با مبانی ریاضیات، صفحه ۱۹ و ۲۳)

(مهدی‌زاده ملونبری) -۱۲۷

اگر A یک مجموعه n عضوی باشد، آنگاه داریم:

$$\binom{n+2}{3} - \binom{n}{3} = 36 \Rightarrow \frac{(n+1)n}{6} - \frac{n(n-1)(n-2)}{6} = 36$$

$$\Rightarrow \frac{n}{6}[(n+1)(n+2) - (n-1)(n-2)] = 36$$

$$\Rightarrow \frac{n}{6}(n^2 + 3n + 2 - n^2 + 3n - 2) = 36$$

$$\Rightarrow \frac{n}{6} \times 6n = 36 \Rightarrow n^2 = 36 \Rightarrow n = 6$$

تعداد زیر مجموعه‌های دو عضوی یک مجموعه 6 عضوی برابر است با:

$$\binom{6}{2} = 15$$

(آمار و احتمال-آشنايی با مبانی ریاضیات، صفحه‌های ۲۰ و ۲۱)

(سید عادل رضا مرتضوی) -۱۲۸

حالاتی ممکن عبارت اند از:

۱) بزرگ‌ترین عضو ۳ و کوچک‌ترین عضو ۱ باشد. در این صورت تنها دو زیرمجموعه  $\{1, 2, 3\}$  وجود دارد.

۲) بزرگ‌ترین عضو ۶ و کوچک‌ترین عضو ۲ باشد. در این حالت تعداد زیرمجموعه‌های موردنظر برابر تعداد زیر مجموعه‌های مجموعه  $\{3, 4, 5\}$ ،

یعنی برابر  $8 = 2^3$  است.

۳) بزرگ‌ترین عضو ۹ و کوچک‌ترین عضو ۳ باشد. در این حالت تعداد زیرمجموعه‌های موردنظر برابر تعداد زیر مجموعه‌های مجموعه  $\{4, 5, 6, 7, 8\}$ ، یعنی  $32 = 2^5$  است.

بنابراین تعداد کل زیرمجموعه‌ها برابر است با:

(آمار و احتمال-آشنايی با مبانی ریاضیات، صفحه‌های ۲۰ و ۲۱)

(امیرحسین ابومهوب) -۱۲۹

مجموعه A را به روش‌های زیر می‌توان به دو زیر مجموعه افزای کرد:

۱) یک زیرمجموعه ۵ عضوی و یک زیرمجموعه ۲ عضوی:

$$\binom{6}{1} \binom{5}{5} = 6 \times 1 = 6 \quad \text{تعداد افرازها}$$

۲) یک زیرمجموعه ۴ عضوی و یک زیرمجموعه ۲ عضوی:

$$\binom{6}{2} \binom{4}{4} = 15 \times 1 = 15 \quad \text{تعداد افرازها}$$

$$3) \text{ دو زیرمجموعه ۳ عضوی: } \frac{20 \times 1}{2!} = 10 \quad \text{تعداد افرازها}$$

بنابراین تعداد کل افرازها برابر است با:

(آمار و احتمال-آشنايی با مبانی ریاضیات، صفحه ۲۱)

(مرتضی فویم‌علوی) -۱۳۰

عکس قضیه شرطی گزینه ۳ لزوماً صحیح نیست. مثلاً اگر  $A = \{1, 2\}$  و

$B = \{1, 2, 4\}$  باشد، آنگاه  $C \subseteq A$  است ولی هیچ کدام از

روابط  $B \subseteq C$  و  $A \subseteq B$  صحیح نیستند.

(آمار و احتمال-آشنايی با مبانی ریاضیات، صفحه‌های ۲۲ و ۲۳)

### آمار و احتمال

-۱۲۱

(امیرحسین ابومهوب)

در پرتاب دو تاس، تعداد اعضای فضای نمونه برابر ۳۶ است. اگر A پیشامد آن باشد که مجموع اعداد رو شده برابر ۷ گردد، داریم:

$$A = \{(1, 6), (2, 5), (3, 4), (4, 3), (5, 2), (6, 1)\} \Rightarrow n(A) = 6$$

$$P(A) = \frac{n(A)}{n(S)} = \frac{6}{36} = \frac{1}{6}$$

اگر x برابر ۵ باشد، احتمال مورد نظر برابر  $\frac{1}{9}$  و در صورتی که x برابر ۶ یا ۸ باشد، احتمال مورد نظر برابر  $\frac{5}{36}$  است.

(آمار و احتمال-آشنايی با مبانی ریاضیات، صفحه‌های ۵ و ۶)

(علی ایمانی) -۱۲۲

اگر گزاره q درست باشد، آنگاه گزاره p  $\Rightarrow$  به دلیل درست بودن تالي همواره درست است و در نتیجه ترکیب عطفی  $q \wedge p \Rightarrow q$  نیز درست می‌باشد. بنابراین گزاره فصلی صورت سوال به دلیل درست بودن یکی از گزاره‌های سازنده آن قطعاً درست است.

(آمار و احتمال-آشنايی با مبانی ریاضیات، صفحه‌های ۶ تا ۱۱)

(مرتضی فویم‌علوی) -۱۲۳

یک ترکیب فصلی زمانی نادرست است که هر دو گزاره سازنده آن نادرست باشند و یک ترکیب شرطی زمانی نادرست است که مقدم آن درست و تالي آن نادرست باشد. بنابراین برای این که هر دو گزاره p  $\Rightarrow r$  و  $p \Rightarrow q$  نادرست باشند.

(آمار و احتمال-آشنايی با مبانی ریاضیات، صفحه‌های ۶ تا ۱۱)

(امیرحسین ابومهوب) -۱۲۴

چون ارزش گزاره  $(p \wedge q) \Leftrightarrow (p \vee q)$  نادرست است، پس ارزش دو گزاره  $(p \vee q)$  و  $(p \wedge q)$  مخالف یکدیگر است. اگر گزاره  $(p \wedge q)$

درست باشد، آنگاه گزاره  $(p \vee q)$  قطعاً درست است، بنابراین لزوماً باید  $(p \wedge q)$  نادرست و  $(p \vee q)$  درست باشند که در این صورت ارزش یکی از دو گزاره p و q درست و دیگری نادرست است.

گزینه ۱: اگر p درست و q نادرست باشند، آنگاه داریم:  $(p \vee q) \Rightarrow (q \vee r) \equiv T \Rightarrow F \equiv F$

گزینه ۲: اگر r نادرست باشد، آنگاه داریم:

$$(p \vee q) \wedge r \equiv T \wedge F \equiv F$$

گزینه ۳: اگر p و r نادرست و q درست باشد، آنگاه داریم:  $p \vee q \wedge r \equiv F \vee F \wedge F \equiv F$

گزینه ۴: ارزش دو گزاره p و q مخالف یکدیگر است، پس گزاره  $p \Leftrightarrow q \Rightarrow r$  به انتقای مقدم درست است.

(آمار و احتمال-آشنايی با مبانی ریاضیات، صفحه‌های ۶ تا ۱۱)

(مرتضی فویم‌علوی) -۱۲۵

نفیض گزاره  $\forall x \in A; p(x) \sim$  به صورت « $\exists x \in A; p(x)$ » و نفیض گزاره  $\exists x \in A; p(x) \wedge q(x)$  به صورت « $\exists x \in A; p(x) \Rightarrow q(x)$ » است. در نتیجه

$\sim (\forall x \in \mathbb{R}; x^2 > 0 \Rightarrow x \neq 0) \equiv \exists x \in \mathbb{R}; x^2 > 0 \wedge x = 0$  داریم:

(آمار و احتمال-آشنايی با مبانی ریاضیات، صفحه‌های ۱۵ و ۱۶)

(علیرضا شریف‌طنیان) -۱۲۶

برای این که دو مجموعه A و B مساوی یکدیگر باشند، باید تعداد اعضای برابر داشته باشند. در این صورت مجموعه B تنها یک عضو دارد. داریم:



$$A \times B = \begin{bmatrix} 2 & x \\ y & 1 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} -1 & -1 \\ -1 & 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -2-x & -2+2x \\ -y-1 & -y+2 \end{bmatrix}$$

چون  $A \times B$  قطری است، پس داریم:

$$-y-1=0 \Rightarrow y=-1$$

$$-2+2x=0 \Rightarrow x=1 \Rightarrow x-y=2$$

(هنرسه ۳- ماتریس و کاربردها، صفحه های ۱۰ تا ۱۹)

هندسه ۳

(سروش موئینی)

-۱۳۱

$$A = \begin{bmatrix} 2-1 & 2-2 \\ 2-1 & 2-2 \\ 2-1 & 2-2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & -1 \\ 2 & 2 \\ 8 & 7 \end{bmatrix}$$

$A = 19$  مجموع درایه های ماتریس

(هنرسه ۳- ماتریس و کاربردها، صفحه های ۱۰ و ۱۱)

(میلار منصوری)

-۱۳۵

$$A \times B = \begin{bmatrix} \cos \theta & \sin \theta \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \cos \theta \\ -\sin \theta \end{bmatrix} = \cos^2 \theta - \sin^2 \theta = \cos 2\theta$$

$$\frac{A \times B}{2} = \cos 2\theta = \frac{1}{2}$$

$$\Rightarrow 2\theta = \frac{\pi}{3} \Rightarrow \theta = \frac{\pi}{6}$$

(هنرسه ۳- ماتریس و کاربردها، صفحه ۱۷)

(امیرحسین ایومصوب)

-۱۳۲

اگر ماتریس قطری باشد و تمام درایه های روی قطر اصلی آن با هم برابر باشند، آن را یک ماتریس اسکالر می نامیم. در گزینه «۳»، ماتریس داده شده

یک ماتریس قطری نیست، پس نمی تواند یک ماتریس اسکالر باشد.

(هنرسه ۳- ماتریس و کاربردها، صفحه ۱۲)

(رضی عباسی اصل)

-۱۳۶

$$A - 2B = \begin{bmatrix} 5 & -2 & -1 \\ 1 & -4 & 1 \end{bmatrix} \quad (1)$$

$$2A + B = \begin{bmatrix} 5 & 6 & 13 \\ 2 & 12 & 7 \end{bmatrix} \quad (2)$$

طرفین معادله (۲) را در ۲ ضرب کرده و با معادله (۱) جمع می کنیم. داریم:

$$5A = \begin{bmatrix} 15 & 10 & 25 \\ 5 & 20 & 15 \end{bmatrix} = 5 \begin{bmatrix} 3 & 2 & 5 \\ 1 & 4 & 3 \end{bmatrix} \Rightarrow A = \begin{bmatrix} 3 & 2 & 5 \\ 1 & 4 & 3 \end{bmatrix}$$

$\Rightarrow A = 18$  مجموع درایه های

(هنرسه ۳- ماتریس و کاربردها، صفحه های ۱۳ تا ۱۶)

(امیرحسین ایومصوب)

-۱۳۳

گزاره شرطی  $rA = rB \Rightarrow A = B$  در صورتی درست است که  $r \neq 0$

باشد، ولی سایر گزاره های داده شده، از خواص جمع ماتریس ها و ضرب عدد

در ماتریس هستند و همواره برقرار هستند.

(هنرسه ۳- ماتریس و کاربردها، صفحه های ۱۵ و ۱۶)

(یاسین سپهر)

-۱۳۴

ابتدا ماتریس  $B$  را تشکیل می دهیم:

$$\left. \begin{array}{l} b_{11} = -1, b_{22} = 2 \\ b_{12} = -1, b_{21} = -1 \end{array} \right\} \Rightarrow B = \begin{bmatrix} -1 & -1 \\ -1 & 2 \end{bmatrix}$$

گزینه «۴»:

$$A + B + C = \begin{bmatrix} 2 & 0 & -3 \\ 21 & 13 & -8 \\ 3 & 12 & 6 \end{bmatrix}$$

(هنرسه ۳- ماتریس و کاربردها، صفحه‌های ۱۳ تا ۱۹)

(علی‌کلیر مجذوبی)

-۱۴۰

$$AB = A \times B = \begin{bmatrix} 1 & -2 & 1 \\ 0 & 1 & 1 \\ -1 & 0 & 2 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} 1 & -2 & 1 \\ 0 & 1 & 1 \\ -1 & 0 & 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

(ستون سوم  $C$ )  $\times$  (سطر دوم  $B$ ) = درایه سطر دوم و ستون سوم

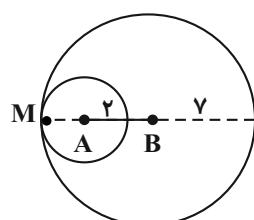
$$= \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 2 \end{bmatrix} = 4$$

(هنرسه ۳- ماتریس و کاربردها، صفحه‌های ۱۷ تا ۱۹)

هنرسه ۱

(سینا محمدپور)

-۱۴۱

دایره‌ای به مرکز  $A$  و به شعاع ۲ واحد و دایره‌ای به مرکز  $B$  و به شعاع ۷ واحد رسم می‌کنیم. محل تلاقی این دو دایره، جواب مسئله است.

همان طور که در شکل مشاهده می‌کنید، تنها نقطه  $M$  ویژگی‌های مذکور را دارد.

(هنرسه ۱- ترسیم‌های هنری و استرال، مشابه کار در کلاس صفحه ۱۱)

(امیرحسین ابومصوب)

-۱۳۷

$$A = B \Rightarrow \begin{bmatrix} 2x-y & -1 \\ 4y+z & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 & x+2z \\ 4 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} 2x-y=3 \\ x+2z=-1 \end{cases} \xrightarrow{\text{جمع سه رابطه}} 3x+3y+3z=6 \\ 4y+z=4$$

$$\xrightarrow{\div 3} x+y+z=2$$

(هنرسه ۳- ماتریس و کاربردها، صفحه ۱۳)

(علیرضا شریف‌فتحی)

-۱۳۸

طبق تعریف دو ماتریس  $A$  و  $B$  داریم:

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 1 \end{bmatrix}, \quad B = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

$$A \times B = \begin{bmatrix} 0 & 2 & 0 & 2 \\ 2 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 2 & 0 & 2 \\ 2 & 0 & 2 & 0 \end{bmatrix} \Rightarrow A \times B = 8 \times 2 = 16$$

(هنرسه ۳- ماتریس و کاربردها، صفحه‌های ۱۷ تا ۱۹)

(امسان پوانی بادی)

-۱۳۹

را محاسبه می‌کنیم:  $A \times B$ 

$$A \times B = \begin{bmatrix} 1 & -1 & 0 \\ 4 & 2 & 1 \\ -2 & 3 & 1 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} 2 & 1 & -2 \\ 3 & 1 & -1 \\ 0 & 4 & 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 & 0 & -1 \\ 14 & 10 & -8 \\ 5 & 5 & 3 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} -1 \\ -8 \\ 3 \end{bmatrix} : \text{ گزینه ۱: ستون سوم ماتریس } C$$

$$\begin{bmatrix} 14 & 10 & -8 \end{bmatrix} : \text{ گزینه ۲: سطر دوم ماتریس } C$$

$$\{-1, 10, 3\} : \text{ گزینه ۳: درایه‌های قطر اصلی ماتریس } C$$



(عمیر، رضا مظاہری)

-۱۴۴

نقیض گزاره: «یک چهارضلعی وجود دارد که دو قطر آن برابر نیستند.» به صورت چنین نیست که چهارضلعی ای وجود داشته باشد که دو قطر آن برابر نباشند.» یا معادل آن «همه چهارضلعی‌ها دو قطر برابر دارند.» می‌باشد.

(هنرسه ا- ترسیم‌های هندسی و استدلال، صفحه ۳۳)

(علی، فتح‌آباری)

-۱۴۲

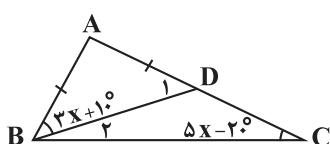
می‌دانیم هر نقطه روی نیمساز داخلی زاویه  $A$  از دو ضلع  $AB$  و  $AC$  به یک فاصله است. بنابراین تعداد نقاط برخورد نیمساز  $AD$  با دایره مفروض جواب مسئله است.

بسته به موقعیت دایره،  $AD$  می‌تواند دایره را در دو نقطه قطع کند یا در یک

نقطه بر آن مماس باشد و یا اصلاً آن را قطع نکند. پس  $AD$  و دایره حداقل در دو نقطه متقاطع‌اند.

(فرشاد، فرامرزی)

-۱۴۵



$$AB = AD \Rightarrow \hat{D}_1 = \hat{A}BD = 3x + 10^\circ$$

$$\hat{D}_1 = \hat{B}_1 + \hat{C} \Rightarrow \hat{D}_1 > \hat{C}$$

$$\Rightarrow 3x + 10^\circ > 5x - 20^\circ$$

$$\Rightarrow 2x < 30^\circ \Rightarrow x < 15^\circ \quad (1)$$

$$\begin{cases} 3x + 10^\circ > 0 \Rightarrow x > -\frac{10}{3} \\ 5x - 20^\circ > 0 \Rightarrow x > 4^\circ \end{cases} \quad (2)$$

$$(1), (2) \Rightarrow 4^\circ < x < 15^\circ$$

(هنرسه ا- ترسیم‌های هندسی و استدلال، صفحه‌های ۲۱ و ۲۲)

(فرشاد، فرامرزی)

-۱۴۳

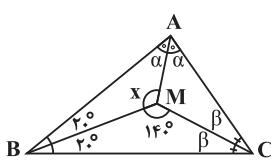
طبق تمرین ۱۶ صفحه ۳ کتاب درسی، با داشتن اندازه‌های یک ضلع و یک قطر لوزی، می‌توان آن را به طور منحصر به فرد رسم کرد.

(رضا عباسی‌اصل)

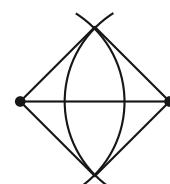
-۱۴۶

می‌دانیم نیمسازهای زوایای داخلی هر مثلث هم‌رسانند. پس  $BM$  نیز نیمساز

زاویه  $ABC$  است و در نتیجه  $\hat{M}BC = 20^\circ$ . داریم:



قطر، دو کمان به شعاع طول ضلع لوزی رسم کرده و نقاط برخورد دو کمان را به دو سر قطر وصل می‌کنیم.



(هنرسه ا- ترسیم‌های هندسی و استدلال، صفحه‌های ۱۵ و ۱۶)



(فرشاد فرامرزی)

-۱۴۹

عکس قضیه به صورت زیر است:

در مثلث  $ABC$ , اگر  $\hat{B} > \hat{C}$  باشد, آنگاه  $AB > AC$  است.

در اثبات با استفاده از برهان خلف, فرض خلف, نقيض حکم می‌باشد.

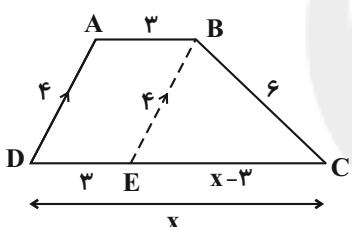
 $AB > AC \Rightarrow AB \leq AC$ : نقيض حکم (فرض خلف)  $\Rightarrow$  حکم

(هنرسه ا- ترسیم‌های هندسی و استدلال, صفحه‌های ۱۹ و ۲۰)

(علی فتح‌آبداری)

-۱۵۰

ابتدا شکل فرضی ذوزنقه را رسم می‌کنیم.



از رأس  $B$  خطی موازی  $AD$  رسم می‌کنیم تا ذوزنقه به یک متوازی الاضلاع و یک مثلث تقسیم شود.

 $ABED \Rightarrow DE = 3, BE = 4$  متوازی الاضلاعدر مثلث  $BEC$  طبق نامساوی مثلثی داریم:

$$\triangle BCE : |BC - BE| < CE < BC + BE$$

$$\Rightarrow |6 - 4| < x - 3 < 6 + 4 \Rightarrow 2 < x - 3 < 10$$

$$\Rightarrow 5 < x < 13$$

در بین گزینه‌ها,  $x$  نمی‌تواند برابر ۵ باشد.

(هنرسه ا- ترسیم‌های هندسی و استدلال, صفحه ۲۷)

$$\triangle ABC : 2\alpha + 2\beta + 2 \times 20^\circ = 180^\circ$$

$$\Rightarrow \alpha + \beta = 70^\circ$$

$$\triangle AMC : \underbrace{\alpha + \beta}_{70^\circ} + A\hat{M}C = 180^\circ \Rightarrow A\hat{M}C = 110^\circ$$

$$x + A\hat{M}C + 140^\circ = 360^\circ \Rightarrow x + 110^\circ + 140^\circ = 360^\circ$$

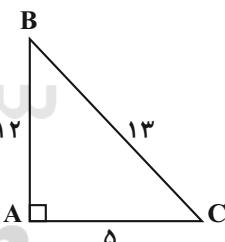
$$\Rightarrow x = 110^\circ$$

(هنرسه ا- ترسیم‌های هندسی و استدلال, صفحه‌های ۱۹ و ۲۰)

(موسما زمانی)

-۱۴۷

بررسی گزینه‌ها:

گزینه «۱»: مثلثی با زوایای  $90^\circ, 75^\circ$  و  $15^\circ$  در نظر بگیرید.گزینه «۲»: اگر  $n = 41 = n^2 + n + 41$  باشد, عدد اول نخواهد شد.گزینه «۳»: در مثلث قائم‌الزاویه زیر, ارتفاع وارد بر  $AC$ , از ضلع  $AC$  بزرگتر است.

(هنرسه ا- ترسیم‌های هندسی و استدلال, صفحه‌های ۲۵ و ۲۶)

(ریم مشتاق نظم)

-۱۴۸

چهارضلعی‌ای که قطرهای آن با هم برابر باشند, لزوماً مستطیل نیست؛ مثلاً

می‌تواند ذوزنقه متساوی الساقین باشد. بنابراین عکس قضیه گزینه «۴» برقرار

نیست و نمی‌توان آن را به صورت دوشرطی نوشت.

(هنرسه ا- ترسیم‌های هندسی و استدلال, صفحه ۲۵)



(امیرحسین ابوالمحبوب)

-۱۵۶

$$(a+b)\left(\frac{1}{a} + \frac{1}{b}\right) \geq 4 \Leftrightarrow 1 + \frac{a}{b} + \frac{b}{a} + 1 \geq 4 \Leftrightarrow \frac{a}{b} + \frac{b}{a} \geq 2$$

$$\Leftrightarrow a^2 + b^2 \geq 2ab \Leftrightarrow a^2 + b^2 - 2ab \geq 0 \Leftrightarrow (a-b)^2 \geq 0.$$

رابطه اخیر بدیهی است و روابط همگی برگشت پذیرند، بنابراین حکم به روش بازگشته اثبات می شود.

(ریاضیات گسسته- آشناي با نظرية اعداد، صفحه های ۶ تا ۸)

(مهرداد ملوندی)

-۱۵۷

$$\text{گزینه } ۱: \text{اگر } x = \frac{1}{2} \text{ باشد آنگاه } x^2 = \frac{1}{4} \text{ و } x^3 > x^2 \text{ می باشد.}$$

$$\text{گزینه } ۲: \text{اگر } x = -1 \text{ و } y = -2 \text{ باشد، آنگاه } -1 \leq x < -2 \text{ ولی} \\ \frac{-2}{-1} = 2 > 1 \text{ است.}$$

$$\text{گزینه } ۳: \text{اگر } n = 4 \text{ باشد، آنگاه } 17 = n^2 + 1 = 17 \text{ بر ۵ بخش پذیر نیست.}$$

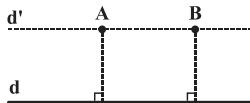
$$\text{گزینه } ۴: k = n(n+1) \Rightarrow 4k+1 = 4n(n+1)+1 = 4n^2 + 4n + 1 = (2n+1)^2$$

حکم گزینه ۴ «همواره برقرار است و مثال نقض ندارد.

(ریاضیات گسسته- آشناي با نظرية اعداد، صفحه های ۲ و ۳)

(امیرحسین ابوالمحبوب)

-۱۵۸



مطابق شکل، نقاط A و B روی خط d' موازی با خط d قرار دارند و در نتیجه از خط d به یک فاصله‌اند. ولی بدیهی است که خط d از وسط پاره خط AB عبور نمی‌کند. بنابراین گزاره‌های p و q در گزینه ۳ هم ارز نیستند.

(ریاضیات گسسته- آشناي با نظرية اعداد، صفحه های ۶ تا ۸)

(یاسین سپهر)

-۱۵۹

$$a^2 + b^2 + 1 \geq ab + a + b \Leftrightarrow 2a^2 + 2b^2 + 2 \geq 2ab + 2a + 2b$$

$$\Leftrightarrow (a^2 - 2ab + b^2) + (a^2 - 2a + 1) + (b^2 - 2b + 1) \geq 0.$$

$$\Leftrightarrow (a-b)^2 + (a-1)^2 + (b-1)^2 \geq 0.$$

(ریاضیات گسسته- آشناي با نظرية اعداد، صفحه های ۶ تا ۸)

(پواره هاتمن)

-۱۶۰

$$\text{اگر } \frac{n^2(n+1)^2}{9} \text{ مضرب ۳ باشد، آنگاه } 2 \mid n^2(n+1)^2 \text{ مضرب ۲۷ است.}$$

يعني حداقل دارای سه عامل ۳ است. زمانی این موضوع امكان پذیر است که يكى از دو عدد n+1 يا n+9 مضرب ۹ باشد. بنابراین مقادير ممکن برای n عبارت اند از: ۱۸، ۱۲، ۸، ۶ و ۹.

(ریاضیات گسسته- آشناي با نظرية اعداد، مشابه کار در کلاس (ب) صفحه ۵)

## ریاضیات گسسته

-۱۵۱

(پواره هاتمن)

اگر ab عددی فرد باشد، آنگاه a و b هر دو فرد هستند و در نتیجه b حاصل a+b، عددی زوج است. اگر ab عددی زوج باشد، آنگاه a و b عددی زوج هستند هر دو زوج باشند که در این صورت حاصل a+b، عددی زوج است و یا از میان a و b، يكی زوج و دیگر فرد باشد که در این صورت حاصل a+b، عددی فرد است.

(ریاضیات گسسته- آشناي با نظرية اعداد، مشابه کار در کلاس (الف) صفحه ۵)

(امیرحسین ابوالمحبوب)

-۱۵۲

گزینه ۱: اگر a و b دو عدد حقیقی دلخواه باشند، آنگاه داریم:

$$ab \leq \frac{a^2 + b^2}{2} \Rightarrow 2ab \leq a^2 + b^2 \Leftrightarrow a^2 + b^2 - 2ab \geq 0.$$

$$\Leftrightarrow (a-b)^2 \geq 0.$$

بنابراین حکم مورد نظر یک قضیه کلی است و فاقد مثال نقض می باشد.

گزینه ۲: در شکل مقابل دو زاویه xOy و yOz هر دو برابر  $30^\circ$  هستند ولی این دو زاویه متقابل به رأس نیستند.

گزینه ۳: اگر  $x = 1/5$  باشد، آنگاه  $1 < x < 2$  است ولی  $x > 2$  نمی باشد.گزینه ۴: اگر  $a = 0$  و  $b = 1$  باشد، آنگاه  $ab = 0$  است.

(ریاضیات گسسته- آشناي با نظرية اعداد، صفحه های ۲ و ۳)

(یاسین سپهر)

-۱۵۳

اگر a و b دو عدد حقیقی مثبت باشند، گزاره  $a < b$  با گزاره  $\sqrt{a} < \sqrt{b}$  هم ارز نمی باشد. چون ریشه دوم اعداد بین صفر و يكی بزرگتر از خود عدد می باشند. به عنوان مثال اگر  $a = \frac{1}{4}$  و  $b = \frac{1}{3}$  باشد، گزاره  $\sqrt{\frac{1}{4}} < \sqrt{\frac{1}{3}}$  درست است ولی گزاره  $a < b$  نادرست است.

(ریاضیات گسسته- آشناي با نظرية اعداد، صفحه های ۶ تا ۸)

(مرتضی فیضعلوی)

-۱۵۴

دو گزاره A  $\cap$  B = A - B = A و A  $\cap$  B =  $\emptyset$  هم ارز هستند ولی به عنوان مثال

نقض برای سایر گزینه ها داریم:

گزینه ۱: اگر A = {1} و B = {2} باشند، آنگاه

$$A \cup C = B \cup C = \{1, 2\}$$

گزینه ۲: اگر A = {1} و B = {1, 2} باشند، آنگاه A  $\subseteq$  B، ولی

$$B - A = \{2\} \neq \emptyset$$

گزینه ۴: اگر A = {1, 2} و B = {1, 2} باشند، آنگاه A  $\subseteq$  B، ولی

$$A \cap B = \{1\} \neq B$$

(ریاضیات گسسته- آشناي با نظرية اعداد، صفحه های ۶ تا ۸)

(مرتضی فیضعلوی)

-۱۵۵

عكس قضیه شرطی  $a^2 > b^2 \Rightarrow a > b$  برقرار نیست. به عنوان مثال اگر

$$a = -2 \text{ و } b = 1 \text{ باشد، آنگاه } (-2)^2 > (-1)^2 \text{ ولی } -2 < 1 \text{ است.}$$

(ریاضیات گسسته- آشناي با نظرية اعداد، صفحه های ۶ تا ۸)



(همید کرسوس)

-۱۶۶

تعداد اعداد طبیعی کوچک‌تر از  $1000$  برابر  $999$  است که از میان آنها باید اعداد طبیعی فاقد صفر را حذف کنیم. داریم:

$$= \text{تعداد اعداد طبیعی یک رقمی} - \text{تعداد اعداد طبیعی ۰ رقمی}$$

$$= 9 - 1 = 8$$

$$= 9 \times 9 = 81$$

$$= 9 \times 9 \times 9 = 729$$

$$= 9 + 81 + 729 = 819$$

$$= 999 - 819 = 180$$

(ریاضی - شمارش بدون شمردن، صفحه‌های ۱۱۹ تا ۱۲۳)

ریاضی ۱

-۱۶۱

برای رقم صدگان، هر یک از ارقام  $۱$  تا  $۹$  را می‌توان به دلخواه انتخاب کرد ولی برای رقم دهگان، رقم استفاده شده در صدگان را نمی‌توان به کار برد، در حالی که رقم صفر به انتخاب‌ها افزوده می‌شود، پس  $۹$  انتخاب برای این رقم وجود دارد. برای رقم یکان نیز هر یک از  $۹$  رقم متفاوت با رقم دهگان را می‌توان استفاده کرد، پس تعداد اعداد مورد نظر برابر است با:

$$9 \times 9 \times 9 = 729$$

(ریاضی - شمارش بدون شمردن، صفحه‌های ۱۱۹ تا ۱۲۳)

(امیرحسین ابومنوب)

-۱۶۷

چون جواب دادن به سوالات الزامی نیست، بنابراین برای جواب دادن به هر یک از سوالات  $۴$  و  $۳$  گزینه‌ای به ترتیب  $۵$  و  $۴$  راه وجود دارد. تعداد حالت‌های جواب دادن به سوالات مورد نظر برابر است با:

$$5^3 \times 4^3 = 20^3 = 8000$$

(ریاضی - شمارش بدون شمردن، مشابه تمرین ۶ صفحه ۱۲۶)

(علیرضا سیف)

-۱۶۲

برای انتخاب صدگان از بین  $۳$  عدد  $۱$ ،  $۳$  و  $۴$  باید یک عدد انتخاب شود تا عدد کوچک‌تر از  $600$  باشد. سپس برای دهگان از  $۴$  عدد باقیمانده و برای یکان نیز از بین  $۳$  عدد باقیمانده عددی انتخاب می‌کنیم.

$$3 \times 4 \times 3 = 36$$

(ریاضی - شمارش بدون شمردن، صفحه‌های ۱۱۹ تا ۱۲۳)

(همون نورانی)

-۱۶۸

کافی است تعداد اعداد طبیعی سه رقمی که ارقام آنها فقط زوج یا فقط فرد باشد را به دست آوریم و از تعداد کل اعداد طبیعی سه رقمی کم کنیم. داریم:

$$= 900 \times 10 = 9000$$

$$= 4 \times 5 \times 5 = 100$$

$$= 5 \times 5 \times 5 = 125$$

بنابراین تعداد اعداد مورد نظر برابر است با:

$$= 900 - (100 + 125) = 675$$

(ریاضی - شمارش بدون شمردن، صفحه‌های ۱۱۹ تا ۱۲۳)

(سیرمهسن غاطمی)

-۱۶۳

مسئله را به دو حالت تقسیم‌بندی می‌کنیم:

(الف) رقم یکان صفر باشد. تعداد این دسته از اعداد برابر است با:

$$4 \times 3 \times 2 \times 1 = 24$$

(ب) رقم یکان  $2$  یا  $4$  باشد. تعداد این دسته از اعداد برابر است با:

$$3 \times 3 \times 2 \times 2 = 36$$

بنابراین در مجموع  $24 + 36 = 60$  عدد چهار رقمی زوج و بدون تکرار ارقام می‌توان نوشت.

(ریاضی - شمارش بدون شمردن، صفحه‌های ۱۱۹ تا ۱۲۳)

(امیرحسین ابومنوب)

-۱۶۹

$3$  مسیر مختلف برای رفتن از شهر  $A$  به شهر  $E$  موجود است که عبارت از:  $ABE$  مسیر  $A \xrightarrow[2]{\times} B \xrightarrow[2]{\times} E$  است.

$$ACDE : A \xrightarrow[2]{\times} C \xrightarrow[3]{\times} D \xrightarrow[2]{\times} E = 12$$

$$ACBE : A \xrightarrow[2]{\times} C \xrightarrow[1]{\times} B \xrightarrow[2]{\times} E = 4$$

بنابراین طبق اصل جمع، تعداد کل راههای موجود برای رفتن از شهر  $A$  به شهر  $E$  برابر است با:

$$4 + 12 + 4 = 20$$

(ریاضی - شمارش بدون شمردن، مشابه تمرین ۷ صفحه ۱۲۶)

(مرتضی فقیم‌علوی)

-۱۶۴

تعداد اعداد سه رقمی با ارقام  $۰$ ،  $۱$ ،  $۲$  و  $۳$  برابر است با:

$$3 \times 4 \times 3 = 48$$

تعداد اعداد سه رقمی که دارای ارقام  $۰$ ،  $۱$ ،  $۲$  و  $۳$  بوده و فاقد رقم تکراری باشند، برابر است با:

$$3 \times 3 \times 2 = 18$$

بنابراین تعداد اعداد سه رقمی که می‌توان با ارقام  $۰$ ،  $۱$ ،  $۲$  و  $۳$  نوشت و حتماً دارای رقم تکراری باشند، برابر  $= 30 - 18 = 12$  است.

(ریاضی - شمارش بدون شمردن، صفحه‌های ۱۱۹ تا ۱۲۳)

(امیرحسین ابومنوب)

-۱۷۰

طبق اصل ضرب، حداقل و حداقل‌تر تعداد کارخانه‌های موجود در این شهر برای است با:

$$= 4 \times 6 \times 8 \times 10$$

$$= 4 \times 8 \times 10 \times 15$$

بنابراین اختلاف بین این دو تعداد برابر است با:

$$= 4 \times 8 \times 10 \times 15 - 4 \times 6 \times 8 \times 10 = 4 \times 8 \times 10 \times (15 - 6)$$

$$= 320 \times 9 = 2880$$

(ریاضی - شمارش بدون شمردن، مشابه تمرین ۲ صفحه ۱۲۵)

(مرتضی فقیم‌علوی)

-۱۶۵

دو حالت برای ایجاد چنین رمزی وجود دارد:

$$\frac{\text{حرف}}{26} \frac{\text{رقم}}{10 \times 26} = 6760$$

(الف)

$$\frac{\text{رقم}}{10 \times 26} \frac{\text{حرف}}{10} = 2600$$

(ب)

بنابراین طبق اصل جمع، تعداد رمزهای قابل تولید برابر است با:

$$6760 + 2600 = 9360$$

(ریاضی - شمارش بدون شمردن، مشابه مثال صفحه ۱۲۲)



نقطه  $M'$  چون به بار  $q_2$  نزدیک‌تر است، پس میدان الکتریکی ناشی از آن

در این نقطه بیش‌تر است و بنابراین داریم:

$$E_{M'} = E_2 - E_1 = k \frac{|q_2|}{x^2} - k \frac{|q_1|}{(x+2d)^2}$$

$$\xrightarrow{x=2d} E_{M'} = k \frac{4 \times 10^{-6}}{4d^2} - k \frac{1 \times 10^{-6}}{16d^2} = \frac{k \times 10^{-6}}{d^2} \left(1 - \frac{1}{16}\right)$$

$$= \frac{15}{16} \frac{k}{d^2} \times 10^{-6} \xrightarrow{d=15\text{cm}} E_{M'} = \frac{15}{16} \times \frac{9 \times 10^{-9}}{0.15^2} \times 10^{-6}$$

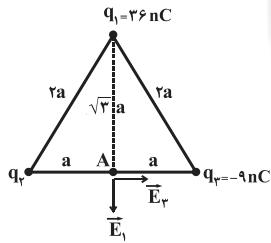
$$\Rightarrow E_{M'} = 3 / 25 \times 10^5 \frac{\text{N}}{\text{C}}$$

(فیزیک ۲ - الکتریسیتă ساکن، صفحه‌های ۱۰ تا ۱۷)

(زهره آقامحمدی)

-۱۷۴

اگر هر ضلع مثلث را  $2a$  بگیریم، فاصله نقطه  $A$  تا بارها مطابق فاصله‌های نشان داده شده روی شکل خواهد بود.



چون  $q_2 > 0$  است، پس می‌توان نتیجه گرفت که میدان ناشی از بار  $q_2$  در نقطه  $A$  هم‌جهت با میدان  $\bar{E}_2$  است. از طرفی چون میدان برایند ۲۵ درصد کاهش می‌یابد داریم:

$$E'_t = \frac{3}{4} E_t \Rightarrow \left(E_2 + E_1\right)^{\frac{1}{2}} = \frac{3}{4} \left[\left(E_2 + E_1\right)^2 + E_1^2\right]^{\frac{1}{2}}$$

$$\Rightarrow E_2 + E_1 = \frac{9}{16} \left(E_2 + E_1\right)^2 + \frac{9}{16} E_1^2$$

اگر به جای هر میدان  $E = k \frac{|q|}{r^2}$  قرار دهیم، داریم:

$$\left(\frac{q_2}{a^2}\right)^{\frac{1}{2}} + \left(\frac{q_1}{\sqrt{3}a^2}\right)^{\frac{1}{2}} = \frac{9}{16} \left(\frac{|q_2|}{a^2} + \frac{|q_1|}{a^2}\right)^{\frac{1}{2}} + \frac{9}{16} \left(\frac{|q_1|}{\sqrt{3}a^2}\right)^{\frac{1}{2}}$$

$$\Rightarrow 81 + \left(\frac{36}{3}\right)^{\frac{1}{2}} = \frac{9}{16} (9 + q_2)^{\frac{1}{2}} + \frac{9}{16} \left(\frac{36}{3}\right)^{\frac{1}{2}}$$

$$\Rightarrow (9 + q_2)^{\frac{1}{2}} = 256 \Rightarrow 9 + q_2 = 16 \Rightarrow q_2 = 7nC$$

(فیزیک ۲ - الکتریسیتă ساکن، صفحه‌های ۱۰ تا ۱۷)

(بابک اسلامی)

-۱۷۱

طبق جدول سری الکتریسیتă مالشی (تریبوالکتریک)، اگر قطعه‌چوب را به پارچه ابریشمی تماس دهیم، قطعه‌چوب دارای بار منفی و پارچه ابریشمی دارای بار مثبت خواهد شد. از طرف دیگر اگر قطعه‌شیشه‌ای را با پارچه کتان تماس دهیم، قطعه‌شیشه‌ای دارای بار مثبت و پارچه کتان دارای بار منفی خواهد شد.

در نتیجه نیروی الکتریکی بین پارچه کتان (بار منفی) و قطعه‌چوبی (بار منفی) و همچنین پارچه ابریشمی (بار مثبت) و قطعه‌شیشه‌ای (بار مثبت) از نوع دافعه خواهد بود.

(فیزیک ۲ - الکتریسیتă ساکن، صفحه‌های ۳ و ۴)

-۱۷۲

(میلاد نقی)

با استفاده از رابطه مقایسه‌ای قانون کولن، داریم:

$$F = k \frac{|q_1||q_2|}{r^2} \Rightarrow \frac{F'}{F} = \frac{|q'_1||q'_2|}{|q_1||q_2|}$$

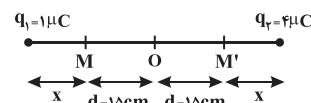
$$\frac{q'_1 = q_1 - \frac{1}{\epsilon} q_1 = \frac{2}{3} q_1 = \epsilon \mu C}{q'_2 = (q_2 + 2) \mu C} \Rightarrow \frac{1/\Delta F}{F} = \frac{\epsilon \times (q_2 + 2)}{8 \times q_2}$$

$$\Rightarrow \frac{q_2 + 2}{q_2} = \frac{8 \times 2}{\epsilon \times 2} \Rightarrow q_2 = 2\mu C$$

(فیزیک ۲ - الکتریسیتă ساکن، صفحه‌های ۵ تا ۷)

(شاهرمان ویسی)

-۱۷۳



برایند میدان‌های الکتریکی ناشی از بارهای الکتریکی نقطه‌ای  $q_1$  و  $q_2$  در نقطه  $M$  برابر با صفر است. داریم:

$$E_M = 0 \Rightarrow k \frac{|q_1|}{x^2} = k \frac{|q_2|}{(x+2d)^2} \Rightarrow \frac{1}{x^2} = \frac{4}{(x+2d)^2}$$

$$\Rightarrow x = 2d$$



$$\Rightarrow V_B = -12V$$

(فیزیک ۲ - الکتریسیتă ساكن، صفحه های ۲۱ تا ۲۷)

(شامان ویسن)

-۱۷۸

موارد «ب» و «پ» صحیح هستند.

بررسی موارد نادرست:

الف) اگر دو بار ناهم نام باشند و اندازه آنها برابر باشد، آنگاه در هیچ نقطه ای روی خط واصل یا امتداد آن، برایند میدان ها نمی توانند صفر شود.  
ت) بار داده شده به یک جسم رسانا روی سطح خارجی آن توزیع می شود اما فقط در اجسام کروی این توزیع یکنواخت است. در سایر اجسام در نقاط نوک تیز بار بیشتری قرار می گیرد.

(فیزیک ۲ - الکتریسیتă ساكن، صفحه های ۱۰ تا ۳۲)

(مهدی سلیمان‌پور)

-۱۷۹

زمانی که دو مکعب فلزی غیر هم اندازه با بارهای هم نام را داخل یکدیگر قرار می دهیم، به واسطه نیروی دافعه الکتریکی، بار روی سطح خارجی مجموعه توزیع می شود به طوری که میدان الکتریکی در داخل مجموعه برابر با صفر شود. بنابراین بار الکتریکی از بین نقاط مشخص شده فقط در نقاط B و C وجود خواهد داشت.

(فیزیک ۲ - الکتریسیتă ساكن، صفحه های ۱۷ تا ۲۹)

(شامان ویسن)

-۱۸۰

با توجه به اینکه میدان در داخل رسانا صفر است ( $E = 0$ ) هیچ باری در داخل کره وجود ندارد و تمام یون های مثبت روی سطح خارجی آن توزیع می گردد. داریم:

$$\sigma = \frac{Q}{A} \quad Q = ne \quad n = \frac{\frac{4\pi R^2 \sigma}{e}}{\frac{4 \times 3 \times (0/1)^2 \times 9 / 6 \times 10^{-6}}{1 / 6 \times 10^{-19}}} = \frac{4 \times 3 \times (0/1)^2 \times 9 / 6 \times 10^{-6}}{1 / 6 \times 10^{-19}}$$

$$\Rightarrow n = 7 / 2 \times 10^{12}$$

(فیزیک ۲ - الکتریسیتă ساكن، صفحه های ۲۹ و ۳۰)

(اصسان محمدی)

-۱۷۵

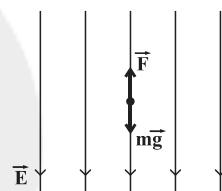
طبق قانون دوم نیوتون، شتاب حرکت ذره متناسب با نیروی وارد بر آن است و نیروی وارد بر ذره باردار در میدان الکتریکی، متناسب با بزرگی میدان است.

در حرکت ذره از نقطه A تا نقطه B، ابتدا تراکم خطوط افزایش و سپس کاهش می یابد. چون بزرگی میدان الکتریکی متناسب با تراکم خطوط میدان است، بنابراین در حرکت از نقطه A تا نقطه B، ابتدا شتاب حرکت ذره افزایش و سپس کاهش می یابد.

(فیزیک ۲ - الکتریسیتă ساكن، صفحه های ۱۷ تا ۲۱)

(مسین ناصف)

-۱۷۶



برای اینکه ذره در میدان الکتریکی معلق بماند نیرویی در راستای قائم رو به بالا و هم اندازه با نیروی وزنش به آن وارد شود.

$$F = mg \Rightarrow E|q| = mg$$

$$\Rightarrow E = \frac{mg}{|q|} = \frac{10 \times 10^{-3} \times 10}{5 \times 10^{-9}} = 2 \times 10^7 \frac{N}{C}$$

جون بار ذره منفی است و به ذره در یک میدان الکتریکی در خلاف جهت خطوط میدان الکتریکی در راستای قائم و به سمت پایین خواهد بود.

(فیزیک ۲ - الکتریسیتă ساكن، صفحه های ۱۹ تا ۲۱)

(سعید ظاهری برومنی)

-۱۷۷

جون ذره رها شده است، در راستای نیروی الکتریکی وارد بر آن حرکت کرده است و در نتیجه انرژی جنبشی آن افزایش و انرژی پتانسیل الکتریکی آن کاهش یافته است. داریم:

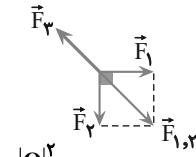
$$\Delta V = \frac{\Delta U}{q} \Rightarrow V_B - V_A = \frac{-20 \times 10^{-6}}{10 \times 10^{-6}} \Rightarrow V_B - (-10) = -2$$



اکنون برایند نیروهای  $F_1$  و  $F_2$  را حساب می‌کنیم و سپس آن را مساوی نیروی  $F_3$  قرار می‌دهیم.

$$F_{1,2} = \sqrt{F_1^2 + F_2^2}$$

$$\frac{F_1 = F_2}{F_1 = F_2} \Rightarrow F_{1,2} = \sqrt{2} F_1$$



$$F_{1,2} = F_3 \Rightarrow \sqrt{2} F_1 = F_3 \Rightarrow \sqrt{2} \times \frac{k|q||Q|}{a^2} = k \frac{|Q|^2}{2a^2}$$

$$\Rightarrow 2\sqrt{2}|q| = |Q| \Rightarrow \left| \frac{Q}{q} \right| = 2\sqrt{2} \xrightarrow{Q < 0} \frac{Q}{q} = -2\sqrt{2}$$

دقت کنید، اگر علامت بارهای  $Q$  و  $q$  را در نظر نگیرید، به گزینه اشتباه ۱) می‌رسید.

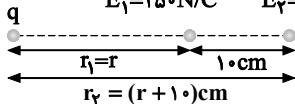
(فیزیک ۲ - الکتریسیته ساکن، صفحه‌های ۵ تا ۱۰)

(سوال ۱۸۶ کتاب آین)

-۱۸۴

چون  $q$  ثابت است، با توجه به شکل زیر و با استفاده از رابطه مقایسه‌ای میدان الکتریکی، فاصله ۲) را حساب می‌کنیم.

$$E_1 = 25 \text{ N/C} \quad E_2 = 16 \text{ N/C}$$



$$E = k \frac{|q|}{r^2} \xrightarrow{\text{ثابت}} \frac{E_2}{E_1} = \left( \frac{r_1}{r_2} \right)^2 \xrightarrow{E_1 = 25 \text{ N/C}, E_2 = 16 \text{ N/C}} \frac{r_1 = r}{r_2 = (r + 10) \text{ cm}}$$

$$\frac{16}{25} = \left( \frac{r}{r + 10} \right)^2 \Rightarrow \frac{16}{25} = \left( \frac{r}{r + 10} \right)^2 \Rightarrow \frac{4}{5} = \frac{r}{r + 10}$$

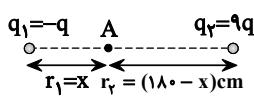
$$\Rightarrow 5r = 4r + 40 \Rightarrow r = 40 \text{ cm}$$

(فیزیک ۲ - الکتریسیته ساکن، صفحه‌های ۱۰ تا ۱۵)

(سوال ۱۹۳ کتاب آین)

-۱۸۵

در این سوال می‌خواهیم مکانی بین دو بار و روی خط واصل آنها را تعیین کنیم که اندازه میدان الکتریکی بارها با هم برابر شوند.



برای محاسبه مکانی که بزرگی میدان الکتریکی حاصل از دو بار با هم برابر می‌شود باید  $E_1 = E_2$  باشد. بنابراین می‌توان نوشت:

$$E_1 = E_2 \xrightarrow{E = k \frac{|q|}{r^2}} k \frac{|q_1|}{r_1^2} = k \frac{|q_2|}{r_2^2} \xrightarrow{r_1 = x, r_2 = (180 - x) \text{ cm}} \frac{|q_1| = q, |q_2| = q}{x^2 = (180 - x)^2}$$

$$\frac{q}{x^2} = \frac{q}{(180 - x)^2} \Rightarrow \frac{1}{x^2} = \frac{1}{(180 - x)^2}$$

$$\Rightarrow \frac{1}{x} = \frac{3}{180 - x} \Rightarrow x = 45 \text{ cm}$$

(فیزیک ۲ - الکتریسیته ساکن، صفحه‌های ۱۰ تا ۱۵)

### فیزیک ۲ (آزمون گواه)

(سوال ۱۸۱ کتاب آین)

-۱۸۱

چون بار الکتریکی  $q$  معلوم است، با استفاده از رابطه  $q = ne$ ، تعداد الکترون‌های آزاد خارج شده از سکه را بدست می‌آوریم.

$$q = ne \xrightarrow{\frac{q = \mu C}{e = 1.6 \times 10^{-19} \text{ C}}} 10^{-6} = n \times 1/6 \times 10^{-19}$$

$$\Rightarrow n = \frac{10^{-6}}{1/6 \times 10^{-19}} \Rightarrow n = 6 \times 10^{12}$$

(فیزیک ۲ - الکتریسیته ساکن، صفحه‌های ۷ تا ۱۵)

(سوال ۱۸۵ کتاب آین)

-۱۸۲

چون تغییر اندازه بارها و تغییر فاصله بارها معلوم است، از رابطه مقایسه‌ای قانون کولن استفاده می‌کنیم:

$$\frac{F'}{F} = \left| \frac{q'_1}{q_1} \right| \times \left| \frac{q'_2}{q_2} \right| \times \left( \frac{r}{r'} \right)^2 \xrightarrow{\frac{|q'_1| = \frac{1}{2}|q_1|, r' = \frac{1}{2}r}{|q'_2| = |q_2|}} \frac{F'}{F} = \frac{1}{2} \times 1 \times \left( \frac{1}{2} \right)^2 \Rightarrow \frac{F'}{F} = \frac{1}{2}$$

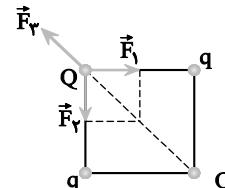
(فیزیک ۲ - الکتریسیته ساکن، صفحه‌های ۵ تا ۱۵)

(سوال ۱۷۲ کتاب آین)

-۱۸۳

در این مسئله می‌خواهیم نسبت  $\frac{Q}{q}$  را طوری تعیین کنیم تا برایند نیروهای وارد بر بار  $Q$  صفر شود. چون بر بار  $Q$  سه نیرو وارد می‌شود برای این که برایند نیروهای وارد بر آن صفر شود، باید برایند دو تا از نیروها با نیروی سوم هم راستا، هم اندازه و در سوی مخالف آن باشد. به همین منظور لازم است بارهای  $Q$  و  $q$  نامنام باشند. با فرض این که بار  $Q$  منفی باشد، نیروهای وارد بر  $Q$  رارسم نموده و سپس به صورت زیر عمل می‌کنیم:

اگر طول ضلع مربع  $a$  باشد، طول قطر آن  $a\sqrt{2}$  است، بنابراین می‌توان نوشت:



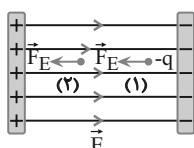
$$F = k \frac{|q_1||q_2|}{r^2} \Rightarrow \begin{cases} \frac{r_1 = r_2 = a}{|q_1| = |q_2|, |q_1| = |Q|} \Rightarrow F_1 = F_2 = k \frac{|q||Q|}{a^2} \\ \frac{r_2 = a\sqrt{2}}{|q_1| = |q_2| = |Q|} \Rightarrow F_3 = k \frac{|Q|^2}{2a^2} \end{cases}$$



(سؤال ۱۲۷۸ کتاب آین)

-۱۸۸

در یک میدان الکتریکی، بار منفی اگر آزادانه حرکت کند در خلاف جهت خطهای میدان الکتریکی جابه‌جا می‌شود، زیرا در این میدان نیرو در خلاف جهت خطهای میدان به بار منفی وارد می‌شود. با توجه به این‌که با حرکت در خلاف جهت میدان، پتانسیل الکتریکی افزایش می‌باید، بنابراین بار منفی به سمت مکان‌های با پتانسیل الکتریکی بیش‌تر می‌رود.



از طرف دیگر چون در این جابه‌جایی انرژی جنبشی ذره افزایش می‌باید، بنا به قانون پایستگی انرژی، انرژی پتانسیل الکتریکی آن کاهش خواهد یافت.

(فیزیک ۲ - الکتریسیته ساکن، صفحه‌های ۲۱ تا ۲۷)

(سؤال ۱۲۹۴ کتاب آین)

-۱۸۹

وقتی یک رسانای خنثی را در یک میدان الکتریکی خارجی قرار دهیم، بار الکتریکی طوری روی سطح خارجی توزیع می‌شود (القا می‌شود) که میدان الکتریکی ناشی از آن، اثر میدان خارجی را درون رسانا خنثی کند و بدین ترتیب میدان الکتریکی خالص درون رسانا صفر شود.

(فیزیک ۲ - الکتریسیته ساکن، صفحه‌های ۲۷ تا ۳۹)

(سؤال ۱۳۰۲ کتاب آین)

-۱۹۰

با استفاده از رابطه  $\sigma = \frac{Q}{A}$  و با توجه به این‌که مساحت کره برابر  $A = 4\pi r^2$  است، بار الکتریکی موجود در سطح کره را حساب می‌کنیم. دقت کنید، چون بار الکتریکی بر حسب  $C$  خواسته شده است، یکای چگالی سطحی بار الکتریکی را بر حسب  $\frac{\mu C}{m^2}$  در رابطه قرار می‌دهیم:

$$\sigma = \frac{Q}{A} \xrightarrow{A=4\pi r^2} \sigma = \frac{Q}{4\pi r^2} \xrightarrow{r=\frac{D}{2}} \sigma = \frac{\mu C}{m^2}$$

$$\sigma = \frac{Q}{4\pi \times \frac{1}{4}} \Rightarrow Q = 5\pi \mu C$$

(فیزیک ۲ - الکتریسیته ساکن، صفحه‌های ۲۱ تا ۲۹)

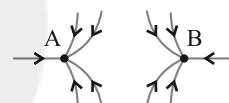
(سؤال ۱۲۳۸ کتاب آین)

-۱۸۶

با توجه به این‌که خطهای میدان الکتریکی از کره A خارج شده و به کره B وارد می‌شوند، می‌توان فهمید که بار کره A مثبت و بار کره B منفی است. از طرف دیگر، از آنجایی که تراکم خطهای میدان الکتریکی در اطراف کره B بیش‌تر است، لذا اندازه بار منفی کره B بزرگ‌تر از اندازه بار مثبت کره A است.  $|q_B| > |q_A|$  بنابراین پس از اتصال دو کره A و B توسط سیم رسانا بار آن‌ها برابر است با:

$$q'_A = q'_B = \frac{q_A + q_B}{2} \xrightarrow{q_B < 0} q'_A = q'_B = 0$$

می‌بینیم پس از اتصال کره‌ها به هم، بار آن‌ها با یکدیگر برابر و نوع بار آن‌ها منفی خواهد بود، بنابراین وضعیت خطوط میدان الکتریکی در اطراف دو کره در حالت جدید به صورت زیر بوده و گزینه «۴» صحیح است.



(فیزیک ۲ - الکتریسیته ساکن، صفحه‌های ۱۷ و ۱۸)

(سؤال ۱۲۶۹ کتاب آین)

-۱۸۷

چون انرژی جنبشی بار الکتریکی افزایش یافته است، باید انرژی پتانسیل آن کاهش یابد. بنابراین تغییرات انرژی پتانسیل بار الکتریکی برابر است با:

$$\Delta U_E = -\Delta K \xrightarrow{\Delta K = \lambda m J = \lambda \times 10^{-3} J} \Delta U_E = -\lambda \times 10^{-3} J$$

اکنون که  $\Delta U_E$  و  $q = -4\mu C$  معلوم‌اند، با استفاده از رابطه

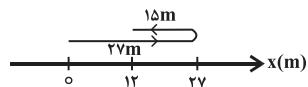
$$\Delta V = \frac{\Delta U_E}{q} \quad \text{اختلاف پتانسیل } V_B - V_A \text{ را حساب می‌کنیم. در این}$$

رابطه  $q$  را با علامت منفی جای‌گذاری می‌کنیم:

$$\Delta V = \frac{\Delta U_E}{q} \Rightarrow V_B - V_A = \frac{\Delta U_E}{q} \xrightarrow{\Delta U_E = -\lambda \times 10^{-3} J, q = -4 \times 10^{-6} C} \Delta V = \frac{-\lambda \times 10^{-3}}{-4 \times 10^{-6}}$$

$$V_B - V_A = \frac{-\lambda \times 10^{-3}}{-4 \times 10^{-6}} = 2000 V = 2 kV$$

(فیزیک ۲ - الکتریسیته ساکن، صفحه‌های ۲۱ تا ۲۷)



$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \xrightarrow{\Delta x=15m} v_{av} = \frac{15}{10} = 1.5 \text{ m/s}$$

(فیزیک ۳- حرکت بر فقط راست، صفحه‌های ۳ تا ۶)

(طبقه‌بندی مدرن)

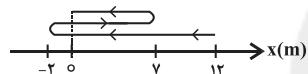
-۱۹۴

مکان اولیه متحرک برابر با  $x_0 = 12\text{m}$  و مکان آن در لحظه  $t = 8\text{s}$  برابر

$x_8 = 0$  است. بنابراین اندازه جایه‌جایی آن برابر است با:

$$|\Delta x| = |x_8 - x_0| = |0 - 12| \Rightarrow |\Delta x| = 12\text{m}$$

مسیر حرکت متحرک روی محور  $x$  به صورت زیر است، بنابراین مسافت طی شده توسط آن در ثانیه ابتدایی حرکت برابر است با:



$$d = 12 + 2 + 2 + 7 + 7 \Rightarrow d = 30\text{m}$$

$$\frac{|\Delta x|}{d} = \frac{12}{30} = \frac{2}{5}$$

بنابراین:

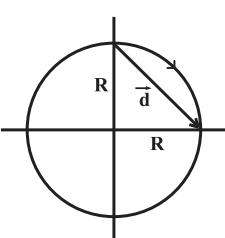
(فیزیک ۳- حرکت بر فقط راست، صفحه‌های ۲ تا ۹)

(شادمان و پیس)

-۱۹۵

زمانی که متحرک ربع محیط دایره را می‌پیماید، اندازه جایه‌جایی آن برابر

است با:



$$d = \sqrt{R^2 + R^2} \Rightarrow d = R\sqrt{2}$$

بنابراین طبق تعریف سرعت سرعت متوسط داریم:

$$v_{av} = \frac{d}{\Delta t} \Rightarrow 5\sqrt{2} = \frac{R\sqrt{2}}{2} \Rightarrow R = 10\text{m}$$

با توجه به این که متحرک با تندی ثابت روی محیط دایره حرکت می‌کند،

تندی متوسط و لحظه‌ای آن با هم برابر است و داریم:

$$S_{av} = \frac{\ell}{\Delta t} \Rightarrow v = \frac{\frac{1}{4}2\pi R}{2} \xrightarrow{R=10\text{m}} v = \frac{\pi \times 10}{4} = 2.5\pi \text{ m/s}$$

(فیزیک ۳- حرکت بر فقط راست، صفحه‌های ۵ تا ۶)

### فیزیک ۳

-۱۹۱

(ابوالفضل خالقی)

طبق تعریف، بردار مکان در هر لحظه، مبدأ مکان را به محل متحرک متصل می‌کند، بنابراین چگونگی تغییر مکان متحرک را نمی‌توان از روی بردار مکان متحرک در یک لحظه خاص بدست آورد. در نتیجه بسته به شرایط، هر سه گزینه می‌تواند صحیح باشد.

(فیزیک ۳- حرکت بر فقط راست، صفحه‌های ۳ تا ۶)

-۱۹۲

(زینا نوروزی)

بردار مکان کمیتی است که مبدأ مختصات را به نقطه‌ای که جسم در آنجا قرار دارد وصل می‌کند. بنابراین با تغییر مبدأ مختصات، بردار مکان تغییر خواهد کرد. دقت کنید تغییرات مکان جسم با بردار جایه‌جایی نشان داده می‌شود که مستقل از مبدأ مختصات است و در نتیجه سرعت و شتاب نیز که به واسطه بردار جایه‌جایی تعریف می‌شوند هم مستقل از مبدأ مختصات خواهند بود.

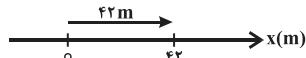
(فیزیک ۳- حرکت بر فقط راست، صفحه‌های ۲ تا ۱۳)

-۱۹۳

(امیرحسین مهرزی)

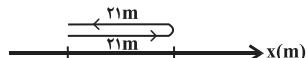
جسم با توجه به هر یک از حالت‌های زیر می‌تواند مسافت ۴۲ متر را طی مدت ۱۰ ثانیه طی کند.

حالت اول: بدون تغییر جهت:



$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \xrightarrow{\Delta x=42\text{m}} v_{av} = \frac{42}{10} = 4.2 \text{ m/s}$$

حالت دوم: تغییر جهت متقابله:



$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \xrightarrow{\Delta x=0} v_{av} = 0$$

حالت سوم: تغییر جهت غیرمتقارن:



(علی بکلو)

-۱۹۹

شتاب در هر لحظه دلخواه برابر با شیب خط مماس بر نمودار سرعت - زمان

در آن لحظه است. بنابراین داریم:

$$(t = ۵s) \text{ شیب خط مماس در لحظه } (t = ۵s) = \text{شتاب در لحظه } (t = ۵s)$$

$$\Rightarrow a_5 = \frac{0 - 14}{7 - 0} \Rightarrow a_5 = -2 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$$

(فیزیک ۳) - حرکت بر فقط راست، صفحه‌های ۱۰ تا ۱۳

(بابک اسلامی)

-۲۰۰

ابتدا با استفاده از تعریف سرعت متوسط، بازه‌های زمانی  $t_1$  تا  $t_2$  و  $t_2$  تا $t_3$  را می‌یابیم. داریم:

$$(v_{av})_1 = \frac{x_2 - x_1}{t_2 - t_1} \Rightarrow ۲ = \frac{-۴ - (-۱۲)}{t_2 - t_1}$$

$$\Rightarrow t_2 - t_1 = ۴s \quad (*)$$

$$(v_{av})_2 = \frac{x_3 - x_2}{t_3 - t_2} \Rightarrow ۱ / ۵ = \frac{۱۴ - (-۴)}{t_3 - t_2}$$

$$\Rightarrow t_3 - t_2 = ۱۲s \quad (**)$$

$$t_3 - t_1 = (t_3 - t_2) + (t_2 - t_1)$$

$$\underline{(**) , (*)} \rightarrow t_3 - t_1 = ۱۲ + ۴ = ۱۶s$$

حال با توجه به تعریف شتاب متوسط بین دو لحظه  $t_1$  و  $t_3$  داریم:

$$a_{av} = \frac{v_3 - v_1}{t_3 - t_1} = \frac{۱۴ - ۷}{۱۶} \Rightarrow a_{av} = ۰.۵ \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$$

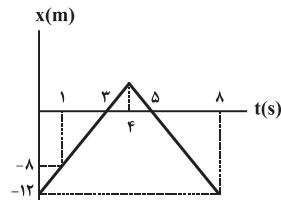
(فیزیک ۳) - حرکت بر فقط راست، صفحه‌های ۱۰ تا ۱۳

(فسرو ارغوانی‌فر)

-۱۹۶

با توجه به تقارن موجود در شکل، متحرک در لحظه  $t = ۵s$  از مبدأ مکانعبور می‌کند.  $(x_5 = ۰)$  از طرفی با توجه به تشابه مثلث‌ها، برای مکانمتحرک در لحظه  $t = ۱s$  داریم:

$$\frac{۳ - ۱}{x_1} = \frac{۳}{-۱۲} \Rightarrow x_1 = -8\text{m}$$



حال با توجه به تعریف سرعت متوسط، داریم:

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{x_5 - x_1}{t_5 - t_1} = \frac{۰ - (-۸)}{۵ - ۱} \Rightarrow v_{av} = ۲ \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

(فیزیک ۳) - حرکت بر فقط راست، صفحه‌های ۱۰ تا ۱۳

(امیرحسین مهرزی)

-۱۹۷

متحرک از شروع حرکت تا لحظه  $t_1$  سرعت مثبت داشته است، و پس ازمبداً دور شده است. از  $t_1$  به بعد ترمز کرده و در لحظه  $t_2$  متوقف می‌شود.از لحظه  $t_2$  تا لحظه  $t_3$ ، متحرک در خلاف جهت اولیه شروع به حرکتمی‌کند و در لحظه  $t_3$  ترمز کرده و سرعت خود را کاهش می‌دهد تا درلحظه  $t_4$  متوقف شود.با این توضیحات، در لحظه  $t_2$ ، متحرک بیشترین فاصله ممکن از مبدأ

مکان را دارد.

(فیزیک ۳) - حرکت بر فقط راست، صفحه‌های ۱۰ تا ۱۳

(علی بکلو)

-۱۹۸

شیب خط و اصل بین دو نقطه در نمودار سرعت - زمان برابر با شتاب متوسط

متحرک بین آن دو لحظه است.

(فیزیک ۳) - حرکت بر فقط راست، صفحه‌های ۱۰ تا ۱۳



$$= 625 \times 3 / 6 \frac{L}{h}$$

$$\frac{\text{حجم}}{\text{زمان}} = \frac{9 \times 10^3}{t} \Rightarrow \text{آهنگ خروج آب}$$

$$\Rightarrow t = \frac{9 \times 10^3}{625 \times 3 / 6} = 4h$$

(فیزیک ا- فیزیک و اندازه‌گیری، صفحه‌های ۱۰ و ۱۱)

(امیرحسین مبوزی)

-۲۰۵

یکای کمیت تندی در SI،  $\frac{m}{s}$  است. تنها کمیت‌های موجود در مستله که

بتوانیم با آنها کمیت تندی را بسازیم، شعاع R (با یکای m) و شتاب

گرانشی (با یکای  $\frac{m}{s^2}$ ) هستند. حال مهم است که چه توانهایی از R و g

را انتخاب کنیم. پس سرعت متناسب با توانهایی از g و R است:

$$v \propto R^\alpha g^\beta$$

علامت تناسب را به کمک یک ثابت تناسب مثل c که خود سؤال معرفی

می‌کند، به تساوی تبدیل می‌کنیم:

$$v = c R^\alpha g^\beta \xrightarrow{\text{بدون یکا است}} \frac{m}{s} = (m)^\alpha \left( \frac{m}{s^2} \right)^\beta$$

$$\Rightarrow \frac{m}{s} = m^\alpha \frac{m^\beta}{s^{\beta}}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} s = s^{\beta} \Rightarrow 1 = \beta \Rightarrow \beta = \frac{1}{\gamma} & (*) \\ m = m^{\alpha+\beta} \Rightarrow 1 = \alpha + \beta \xrightarrow{(*)} \alpha = \frac{1}{\gamma} & (** \end{cases}$$

$$\Rightarrow v = c R^\alpha g^\beta \xrightarrow{\alpha=\beta=\frac{1}{\gamma}} v = c (Rg)^{\frac{1}{\gamma}} = c \sqrt{Rg}$$

(فیزیک ا- فیزیک و اندازه‌گیری، صفحه ۱۱)

### فیزیک ۱

(عبدالرضا امین نسب)

-۲۰۱

طبق متن کتاب درسی، برای انجام اندازه‌گیری‌های درست و قابل اطمینان، به یکاهای اندازه‌گیری نیاز داریم که تغییر نکنند و دارای قابلیت بازتولید در مکان‌های مختلف باشند.

(فیزیک ا- فیزیک و اندازه‌گیری، صفحه ۷)

(محمد آبری)

-۲۰۲

دستگاه اندازه‌گیری SI، شامل هفت کمیت اصلی طول، جرم، زمان، دما، مقدار ماده، جریان الکتریکی و شدت روشنایی است که به ترتیب یکاهای آن‌ها برابر با متر، کیلوگرم، ثانية، کلوین، مول، آمپر و کندلا می‌باشد.

(فیزیک ا- فیزیک و اندازه‌گیری، صفحه ۷)

(امیرحسین مبوزی)

-۲۰۳

مسافتی که نور در مدت یک سال در خلا می‌پیماید را یک سال نوری می‌نامند. داریم:

$$1y = 1y \times \frac{365\text{day}}{1y} \times \frac{24h}{1\text{day}} \times \frac{60\text{min}}{1h} \times \frac{60s}{1\text{min}} = (365 \times 86400) \text{s}$$

$$\Delta x = v \cdot \Delta t = (3 \times 10^8 \times 365 \times 86400) \text{m}$$

$$= 3 \times 10^8 \times 365 \times 864 \times 10^2 \text{m} \times \frac{10^3 \text{cm}}{1\text{m}} \times \frac{1\text{in}}{2.5\text{cm}} \times \frac{1\text{ft}}{12\text{in}}$$

$$= 3 \times 10^{16} \text{ft}$$

(فیزیک ا- فیزیک و اندازه‌گیری، صفحه‌های ۷ و ۱۳)

(هره آقامحمدی)

-۲۰۴

ابتدا آهنگ خروج آب را بر حسب  $\frac{L}{h}$  محاسبه می‌کنیم:

$$625 \times 10^3 \frac{\text{mm}^3}{\text{s}} = 625 \times 10^3 \frac{\text{mm}^3}{\text{s}} \times \frac{10^{-9} \text{m}^3}{1\text{mm}^3} \times \frac{10^3 \text{L}}{1\text{m}^3} \times \frac{3600\text{s}}{1\text{h}}$$



(سعید طاهری برومن)

-۲۰۹

چون مقدار آب سرریز شده فقط به حجم جسم انداده شده در آب بستگی دارد، بنابراین حجم آب سرریز شده در هر مرحله با هم برابر است و در نتیجه حجم کل آب سرریز شده برابر است با دو برابر حجم آب سرریز شده در مرحله اول. بنابراین:

$$\text{کل } V = \frac{m}{\rho_0} = 2 \times \frac{0.63}{10/5 \times 10^3} = 2V_{\text{نقره}} = 2 \times \frac{0.63}{10^3}$$

$$\Rightarrow \text{کل } V = 12 \times 10^{-5} \text{ m}^3 = 12 \times 10^{-5} \text{ m}^3 \times \frac{(10^2 \text{ cm})^3}{(1 \text{ m})^3} = 120 \text{ cm}^3$$

بنابراین از یک لیتر آب موجود در ظرف  $120 \text{ cm}^3$  آن سرریز شده و  $880 \text{ cm}^3$  آب درون ظرف باقی مانده است.

(فیزیک - فیزیک و اندازه‌گیری، صفحه‌های ۲۱ و ۲۲)

(شادمان ویسن)

-۲۱۰

ابتدا با استفاده از تعریف چگالی، حجم اولیه هر کدام از مایع‌های A و B را محاسبه می‌کنیم. داریم:

$$\rho_A = \frac{m_A}{V_A} \Rightarrow 1/5 = \frac{144}{V_A} \Rightarrow V_A = 96 \text{ cm}^3$$

$$\rho_B = \frac{m_B}{V_B} \Rightarrow 0/9 = \frac{90}{V_B} \Rightarrow V_B = 100 \text{ cm}^3$$

بنابراین مجموع حجم اولیه دو مایع A و B برابر است با:

$$\text{کل } V = V_A + V_B = 96 + 100 = 196 \text{ cm}^3$$

حال حجم مخلوط را با استفاده از تعریف چگالی مخلوط، می‌یابیم. داریم:

$$\begin{aligned} \rho_{\text{مخلوط}} &= \frac{m_{\text{مخلوط}}}{V_{\text{مخلوط}}} = \frac{m_A + m_B}{V_{\text{مخلوط}}} \\ \Rightarrow 1/2 &= \frac{144 + 90}{V_{\text{مخلوط}}} \Rightarrow V_{\text{مخلوط}} = 195 \text{ cm}^3 \end{aligned}$$

بنابراین اندازه تغییر حجم مخلوط برابر است با:

$$|\Delta V| = V - \text{کل } V = 196 - 195 = 1 \text{ cm}^3$$

(فیزیک - فیزیک و اندازه‌گیری، صفحه‌های ۲۱ و ۲۲)

(بابک اسلامی)

-۲۱۰

ابتدا ابعاد مستطیل را بر حسب سانتی‌متر می‌نویسیم:

$$\begin{aligned} 5/5 \times 10^{13} \text{ pm} &= 5/5 \times 10^{13} \text{ pm} \times \frac{10^{-12} \text{ m}}{1 \text{ pm}} \times \frac{10^2 \text{ cm}}{1 \text{ m}} \\ &= 5/5 \times 10^3 \text{ cm} \end{aligned}$$

$$1/1 \times 10^{-1} \text{ hm} = 1/1 \times 10^{-1} \text{ hm} \times \frac{10^3 \text{ m}}{1 \text{ hm}} \times \frac{10^2 \text{ cm}}{1 \text{ m}} = 1/1 \times 10^3 \text{ cm}$$

بنابراین مساحت این زمین به صورت نمادگذاری علمی برابر است با:

$$A = 5/5 \times 10^3 \times 1/1 \times 10^3 = 6/05 \times 10^6 \text{ cm}^2$$

(فیزیک - فیزیک و اندازه‌گیری، صفحه‌های ۱۰ تا ۱۳)

(سعید شرق)

-۲۱۱

در وسائل اندازه‌گیری مدرج، خطای اندازه‌گیری برابر با  $\frac{1}{2}$  کمینه

تقسیم‌بندی مقیاس آن وسیله است. بنابراین چون کمینه تقسیم‌بندی این دما نسنج برابر با  $5^\circ \text{C}$  است، خطای اندازه‌گیری آن برابر با  $\pm 2.5^\circ \text{C}$  خواهد بود که برای این که از نظر محاسبات فیزیکی مشکلی نداشته باشد، به صورت  $\pm 3^\circ \text{C}$  گرد می‌شود. بنابراین گزارش اندازه‌گیری دما می‌تواند به صورت  $22^\circ \text{C} \pm 3^\circ \text{C}$  باشد که در آن رقم ۲، رقمی غیرقطعی و مشکوک است.

(فیزیک - فیزیک و اندازه‌گیری، صفحه‌های ۱۶ تا ۱۷)

(زهره آقامحمدی)

-۲۱۲

به روش زنجیره‌ای تعداد جلد کتاب‌هایی را که روزانه خوانده می‌شود محاسبه می‌کنیم.

$$\text{ا جلد کتاب} \times \frac{15 \text{ صفحه}}{\text{صفحة}} \times \frac{نفر}{نفر} \times \frac{10^6}{6000}$$

$$\text{جلد کتاب} = \frac{10^6}{6 \times 10^2} = \frac{10^9}{10^3} = 10^6$$

اگر این تعداد را در ۳۶۵ ضرب کنیم، مرتبه بزرگی تعداد جلد کتاب‌های خوانده شده در یک سال بدست می‌آید. داریم:

$$\text{جلد کتاب} = 10^8 \approx 10^6 \times 3/65 \times 10^2$$

(فیزیک - فیزیک و اندازه‌گیری، صفحه‌های ۱۸ تا ۲۰)



$$\text{? g C}_2\text{H}_5\text{OH} = \text{1 mol C}_2\text{H}_5\text{OH} \times \frac{\text{? mol C}_2\text{H}_5\text{OH}}{\text{1 mol C}_6\text{H}_{12}\text{O}_6}$$

$$\times \frac{46 \text{ g C}_2\text{H}_5\text{OH}}{1 \text{ mol C}_2\text{H}_5\text{OH}} = 92 \text{ g C}_2\text{H}_5\text{OH}$$

(شیمی ۲، صفحه‌های ۲۳ و ۲۵)

شیمی ۲

-۲۱۱

(مبینا شرافتی پور)

همه عبارت‌ها درست‌اند.

(شیمی ۲، صفحه‌های ۲ تا ۱۴)

-۲۱۲

(ممدرضا یوسفی)

بررسی گزینه «۴»: در مجموع در حدود ۷۷ میلیارد تن از این مواد در سال

۲۰۳۰ استخراج و مصرف می‌شود.

(شیمی ۲، صفحه‌های ۳ و ۱۴)

-۲۱۳

(ممدرضا یوسفی)

تنها مورد الف درست است.

بررسی همه موارد:

مورد الف - عنصر مورد نظر قلع است که ویژگی‌های ذکر شده صحیح است.

مورد ب - عنصر مورد نظر گوگرد است که رسانایی الکتریکی ندارد.

مورد پ - عنصر مورد نظر سرب است که در اثر ضربه خرد نمی‌شود و

شکل پذیر است.

مورد ت - عنصر مورد نظر سدیم است که رسانایی الکتریکی بالایی دارد.

(شیمی ۲، صفحه‌های ۷ و ۸)

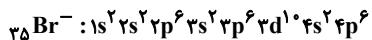
-۲۱۴

(امیرحسین معروفی)

اگرچه در واکنش  $\text{Al(s)} + \text{Fe}_3\text{O}_4(\text{s}) \rightarrow \text{Fe(l)} + \text{Al}_2\text{O}_3(\text{s})$ ، مجموع

تعداد اتم‌ها در دوطرف معادله یکسان است ولی واکنش موازن نشده نیست.

بررسی گزینه «۴»:



دقت کنید که  $\text{^{38}Sr}^{2+}$  و  $\text{^{35}Br}^-$  هر دو دارای ۱۸ الکترون با  $n=1$

هستند اما  $\text{Br}^-$  یک آنیون است.

(شیمی ۲، صفحه‌های ۱۵ و ۱۶)

(میلان غراوی)

-۲۱۶

الف) درست: عنصر مورد نظر فسفر می‌باشد که با  $\text{Sb}$  هم گروه است.

ب) درست است.

پ) درست: فسفر یک نافلز است و در واکنش‌های شیمیابی هم الکترون به

اشتراک می‌گذارد و هم الکترون می‌گیرد.

ت) نادرست: واکنش پذیری نافلزها در یک دوره از چه به راست افزایش می‌یابد.

(شیمی ۲، صفحه‌های ۸ تا ۱۲)



$$= xgC_4H_8 \times \frac{1\text{mol}}{44\text{g}} \times \frac{4\text{molCO}_2}{1\text{molC}_4H_8}$$

$$\Rightarrow x = 8 / 8\text{g}$$

دقیق شود که در دما و فشار یکسان حجم یک مول از گازهای مختلف یکسان و برابر است.

(شیمی ۳، صفحه‌های ۲۳ تا ۲۵)

### شیمی ۳

(ممدر عظیمیان زواره)

-۲۲۱

شاخص امید به زندگی نشان می‌دهد با توجه به خطراتی که انسان‌ها در طول زندگی با آن مواجه هستند به طور میانگین چند سال در این جهان زندگی می‌کنند.

(شیمی ۳، صفحه‌های ۱ تا ۳)

(ممدر عظیمیان زواره)

-۲۲۲

بررسی عبارت‌های نادرست:

الف) با سدیم هیدروکسید صحیح است (نه پتاسیم هیدروکسید)  
ت) کلوبید را می‌توان همانند پلی بین محلول و سوپسانیون در نظر گرفت.

(شیمی ۳، صفحه‌های ۵ تا ۹)

(ممدر، خنا پور، جاورد)

-۲۲۳

صابون مورد نظر دارای فرمول شیمیایی  $C_{20}H_{39}O_2K$  بوده و جرم مولی

آن نیز برابر  $350$  گرم بر مول است. جرم موارد داده شده برابر است با:

$$3 \times C_8H_{18} = 3 \times 114 = 342\text{g}$$

$$1 \times C_{10}H_{20}O_6 = 1 \times 188 = 188\text{g}$$

$$1 \times C_{25}H_{52} = 1 \times 352 = 352\text{g}$$

$$6 \times CO(NH_2)_2 = 6 \times 60 = 360\text{g}$$

(شیمی ۳، صفحه‌های ۱۴ و ۱۶)

(ممدر وزیری)

-۲۱۷

تفاوت شاع اتمی  $Al$  و  $Si$  بیشتر از  $Na$  و  $Mg$  است.

(شیمی ۲، صفحه‌های ۱۱ تا ۱۴ و ۲۹)

(ممدر، رضا یوسفی)

-۲۱۸



در هر دو یون تعداد الکترون‌ها با  $= 1$  فرد است.

(شیمی ۳، صفحه‌های ۱۵ و ۱۶)

(حسن رحمتی کوکنده)

-۲۱۹

$$? g NaN_3 = 100 / 8LN_2 \times \frac{1\text{molN}_2}{1LN_2} \times \frac{1\text{molNaN}_3}{28\text{gN}_2} \times \frac{1\text{molNaN}_3}{3\text{molN}_2}$$

$$\times \frac{65\text{gNaN}_3}{1\text{molNaN}_3} \times \frac{100}{90} = 156\text{g NaN}_3$$

$$? g NaHNO_3 = 100 / 8LN_2 \times \frac{1\text{molN}_2}{1LN_2} \times \frac{1\text{molN}_2}{28\text{gN}_2} \times \frac{1\text{molNaHNO}_3}{3\text{molN}_2}$$

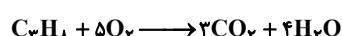
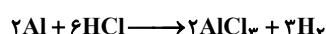
$$\times \frac{65\text{gNa}_2O}{1\text{molNa}_2O} \times \frac{1\text{molNaHCO}_3}{1\text{molNa}_2O} \times \frac{84\text{gNaHCO}_3}{1\text{molNaHCO}_3}$$

$$= 181 / 44\text{g NaHCO}_3$$

(شیمی ۳، صفحه‌های ۲۵ و ۲۶)

(ممدر عظیمیان زواره)

-۲۲۰



$$12\text{g Al} \times \frac{1}{100} \times \frac{1\text{mol Al}}{27\text{g Al}} \times \frac{1\text{mol H}_2}{1\text{mol Al}}$$



ت)  $\text{RCOONa}$  در واکنش با  $\text{MgCl}_2$  با حالت فیزیکی (aq) شرکت

(مسن لشکری)

-۲۲۴

می‌کند.

بررسی عبارت‌های نادرست:

(شیمی ۳، صفحه‌های ۷، ۶، ۹)

عبارت «پ»: با توجه به نمودار صفحه ۳ این عبارت غلط است.

(سعیر مفسن‌زاده)

-۲۲۷

ساختار داده شده مربوط به صابون مایع است که با اضافه کردن آن به مخلوط آب و روغن مخلوطی پایدار تشکیل می‌شود. حالت فیزیکی این پاک‌کننده به جزء کاتیونی آن بستگی دارد. اگر جزء کاتیونی، سدیم باشد صابون جامد است و اگر پتاسیم یا آمونیوم باشد صابون مایع خواهد بود.

(شیمی ۳، صفحه‌های ۷ و ۶)

-۲۲۵

(سعیر مفسن‌زاده)

فرمول عمومی پاک‌کننده صابونی جامد را می‌توان به صورت زیر نوشت:



$$\text{R : C}_n\text{H}_{2n+1} \rightarrow 2n+1 = 35 \Rightarrow n = 17$$

بنابراین فرمول شیمیایی صابون مورد نظر  $\text{C}_{18}\text{H}_{35}\text{O}_2\text{Na}$  می‌باشد.

$$\text{?O\%} = \frac{32}{306} \times 100 = 10 / 4$$

(شیمی ۳، صفحه ۶)

-۲۲۶

فقط عبارت «پ» درست است.

بررسی عبارت‌های نادرست:

(شیمی ۳، صفحه‌های ۶ و ۵)

(ممدرضا یوسفی)

-۲۲۹

امروزه امید به زندگی برای بیشتر مردم دنیا، در حدود ۷۰-۸۰ سال است.

(شیمی ۳، صفحه‌های ۲ و ۱)

الف) اگر صابون مایع در بخش کاتیونی خود  $\text{NH}_4^+$  داشته باشد این عبارت

نادرست است.

ب) پاک‌کننده‌های صابونی حلقة بنزن نداشته و بنابراین آروماتیک نیستند.



(ط) مهدوی)

-۲۳۲

 $\gamma n$ 

پایدارترین ایزوتوپ ساختگی:  $H^+ - 6 \text{ ذره زیر اتمی.}$   
 $1e^-$

 $1p^+$ 

پایدارترین رادیوایزوتوپ:  $H^+ - 3 \text{ ذره درون هسته‌ای}$   
 $1e^-$

 $1p^+$ 

نایپایدارترین ایزوتوپ طبیعی:  $H^+ - 2 \text{ ذره زیر اتمی باردار}$   
 $1e^-$

(شیمی ا، صفحه‌های ۵ و ۶)

(ط) مهدوی)

-۲۳۳

الف) نادرست: تمام  $Tc$  به طور مصنوعی و با استفاده از واکنش‌های هسته‌ای تولید می‌شود.

ب)  $U^{235}$  نه  $U^{235}$ 

ت) نور سفید پس از تعزیه گسترده‌ای پیوسته از رنگ‌ها شامل بینهایت طول

موج گوناگون است.

(شیمی ا، صفحه‌های ۷ و ۱۹)

(ط) مهدوی)

-۲۳۴

فقط عبارت الف نادرست است.

در لامپ‌های بزرگراه‌ها از بخار سدیم استفاده می‌شود.

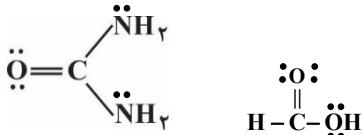
(شیمی ا، صفحه‌های ۲۰ و ۲۳)

(ممدر وزیری)

-۲۳۰

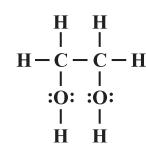
فرمول ساختاری اوره و متانویک اسید به صورت زیر است. در ساختار هر دو

ترکیب یک پیوند دوگانه دیده می‌شود:



اوره

متانویک اسید



اتیلن گلیکول

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه «۲»:

$$\frac{4}{4} = 1 = \text{نسبت خواسته شده}$$

گزینه «۳»: با توجه به شکل صفحه ۷، چگالی آب بیشتر از روغن است.

گزینه «۴»: لکه عسل به راحتی در آب پخش می‌شود.

(شیمی ا، صفحه‌های ۳ تا ۷)

شیمی ۱

-۲۳۱

الف) در یک نمونه طبیعی از عنصری معین، غالباً اتم‌های سازنده جرم یکسانی ندارند.

ب) درست

پ) کربن و گوگرد در دمای اتاق به حالت فیزیکی جامد هستند.

ت)  $Si$  شبه فلز است و دومین فلز فراوان کره زمین  $Mg$  می‌باشد.

(شیمی ا، صفحه‌های ۳ و ۵)



(سیدعلی ناظمن)

-۲۳۷

پرتوهای حاصل از انتقالات الکترونی از لایه ۶ به ۵، ۵ به ۴، ۴ به ۲ و ۳ به ۲ در طیف نشری خطی هیدروژن، به ترتیب دارای رنگ‌های بنفش، آبی، سبز و سرخ هستند.

مطابق شکل ۱۴ در صفحه ۲۰ کتاب درسی میزان انحراف پرتوهای نور رنگی بعد از عبور از منشور به این ترتیب می‌باشد.

سرخ > نارنجی > زرد > سبز > آبی > بنفش

پس پاسخ صحیح گزینه «۳» می‌باشد.

(شیمی ا، صفحه‌های ۲۰ و ۲۷)

(سعید مهرانی‌زاده)

-۲۳۸

آرایش الکترونی اتم X به  $3d^6 4s^2$  ختم می‌شود و در دوره چهارم و گروه هشتم قرار دارد. برخی عناصر دسته d مانند  $_{21}Sc$  با تشکیل کاتیون پایدار می‌تواند به آرایش الکترونی پایدار گاز نجیب برسند. در جدول تناوبی، عنصر X در دوره چهارم و گروه هشتم، عنصر A در دوره چهارم و عنصر B در گروه ششم قرار دارد.

(شیمی ا، صفحه‌های ۳۰ تا ۳۴)

(مینیا شرافتی‌پور)

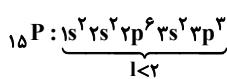
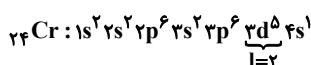
-۲۳۹

آرایش الکترونی بعضی اتم‌ها مانند کروم و مس از قاعدة آفبا پیروی نمی‌کنند.

(شیمی ا، صفحه‌های ۳۰ تا ۳۴)

(مینیا شرافتی‌پور)

-۲۴۰



$$\Rightarrow \frac{5}{15} = \frac{1}{3}$$

(شیمی ا، صفحه‌های ۳۰ تا ۳۴)

(مسعود علوی‌امامی)

-۲۳۵

$$?gCl_2 = 12 / 0.4 \times 10^{21} \text{ مولکول } Cl_2 \times \frac{1\text{mol}Cl_2}{6 / 0.2 \times 10^{23} \text{ مولکول } Cl_2}$$

$$\times \frac{71gCl_2}{1\text{mol}Cl_2} = 1 / 42gCl_2$$

$$?gSO_2 = 0 / 12\text{mol}SO_2 \times \frac{64gSO_2}{1\text{mol}SO_2} = 7 / 68gSO_2$$

$$?gO_2 = 1 / 50.5 \times 10^{22} O_2 \text{ مولکول } O_2 \times \frac{32gO_2}{6 / 0.2 \times 10^{23} O_2 \text{ مولکول } O_2}$$

$$= 0 / 8gO_2$$

$$= 0 / 42 + 7 / 68 + 0 / 8 = 9 / 9g$$

(شیمی ا، صفحه‌های ۱۱ و ۱۲)

(محمد کوhestanian)

-۲۳۶

$$^{35}_{17}Cl \Rightarrow ^{17}\text{پروتون} \Rightarrow 75 / 8\%$$

$$^{37}_{17}Cl \Rightarrow ^{17}\text{نوترون} \Rightarrow 24 / 2\%$$

$$= \frac{\text{وزن مولکولی میانگین کل}}{100} = \frac{(24 / 2 \times 37) + (75 / 8 \times 35)}{100}$$

$$= 35 / 48.4 \frac{g}{mol}$$

$$= 75gCl_2 \times \frac{1\text{mol}Cl_2}{2 \times 35 / 48.4gCl_2}$$

$$\times \frac{2 \times 6 / 0.2 \times 10^{23} \text{ اتم} \text{ با } 20 \text{ نوترون} \times \text{ اتم}}{1\text{mol}} = \frac{3 / 0.8 \times 10^{23}}{100 \text{ اتم}}$$

(شیمی ا، صفحه‌های ۱۵ تا ۱۸)