

-۱ در کدام گزینه، کلمه یا کلماتی نادرست معنا شده است؟

(۱) سودایی: شیدا / عامل: والی / نجابت: بزرگواری / لشیم: پست

(۲) ریحان: هر گیاه سبز و خوشبو / عمارت کردن: بنا کردن / سخه: ریشخند / حضیض: فروود

(۳) شرف: بزرگواری / قرقا: دوری / غبطه: رشک بردن / سیرت: روش

(۴) حقه: صندوق / کاید: حیله‌گر / عادوت: دشمنی / کوته‌نظری: حسادت

-۲ کدام یک از عبارات زیر، غلط املایی ندارد؟

(۱) احمد در نقاشی، در کشیدن یال و قارب اسب مشکل دارد.

(۲) پیدا کردن آشنا در چنان بیقهوهای، غنیمت بود و تسلایی به شمار می‌رفت.

(۳) آرمشی همراه با طمأنیه در چشم بی نور پیغمبرد بود، آن چنان که در مجسمه فرائنه هست.

(۴) پیغمبر، شندرغازی از وزارت فرهنگ می‌گرفت که صرف مخارج خانه‌اش و معیشت می‌شد.

-۳ در همه گزینه‌ها به استثنای ... «حسن تعلیل» به کار رفته است.

(۱) دشمن زندگی است موی سپید / روی دشمن سیاه باید کرد

(۲) عجب نیست بر خاک اگر گل شکفت / که چندین گل‌اندام در خاک خفت

(۳) تا چشم تو ریخت خون عشاق / زلف تو گرفت رنگ ماتم

(۴) چل سال رنج و غصه کشیدیم و عاقبت / تدبیر ما به دست شراب دو ساله بود

-۴ در همه ایات، به استثنای ... آرایه «ایهام» یافت می‌شود.

(۱) خانه زندان است و تنها بی ضلال / هر که چون سعدی گلستانیش نیست

(۲) ز گریه مردم چشم نشسته در خون است / ببین که در طلبت حال مردمان چون است

(۳) ساقی غم و جهان خُم و دل، جام و باده، خون / جم را خبر دهید ز بزم مدام ما

(۴) رسم عاشق‌کشی و شیوه شهرآشوبی / جامه‌ای بود که بر قامت او دوخته بود

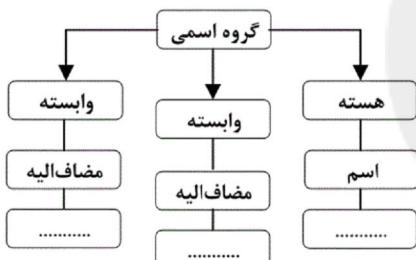
-۵ کدامیک از ترکیب‌های زیر نمی‌تواند در جای خالی نمودار روبرو قرار بگیرد؟

(۱) ضامن دوام جهان

(۲) عکس رخ بار

(۳) کتاب تاریخ ایران

(۴) دست پینه‌بسته پدر



-۶ در تمامی گزینه‌ها به جز ... وابسته پسین گروه اسمی «صفت» است.

(۱) به گرز گران، دست برد اشکبوس / زمین آهین شد، سپهر آبنوس

(۲) خروشید کای مرد رزم‌آزمای / هماوردت آمد مشو باز جای

(۳) ز قلب سپاه اندر آشافت طوس / بزد اسب، کاید بِ اشکبوس

(۴) چو بنشید اسفندیار این سخن / از آن مرد پرخاشجوی کهن

-۷ مفهوم کدام بیت با بقیه ایات متفاوت است؟

(۱) تا نگردی آشنا زین پرده رمزی نشنوی / گوش نامحرم نباشد جای پیغام سروش

(۲) حدیث دوست نگوییم مگر به حضرت دوست / که آشنا سخن آشنا نگه دارد

(۳) راز درون پرده ز رندان می‌پرس / کاین حال نیست زاهد عالی مقام را

(۴) گر کمیت اشک گلگونم نبودی گرمرو / کی شدی روشن به گیتی راز پنهانم چو شمع

-۸ مفهوم کدام بیت با بیت زیر همانگ است؟

«تا خار غم عشقت آویخته در دامن / کوته‌نظری باشد رفتن به گلستان‌ها»

(۱) بار غم از دلم، می گلرنگ برنداشت / این سیل هرگز از ره من سنگ برنداشت

(۲) دل می‌خورد غم من و من می‌خورم غمش / دیوانه غمگساري دیوانه می‌کند

(۳) آتش دوزخ شود بر من گلستان خلیل / داغ عشق او اگر زیب بدن باشد مرا

(۴) تا مرا با نقش رویش آشنایی اوفتاد / هر چه می‌بینم به چشم ننقش دیوار آمده است

۹- مفهوم کدام بیت با سایر ایيات متفاوت است؟

- (۱) چون به هنگام وفا هیچ ثبات نبود / می‌کنم شکر که بر جور دوامی داری
- (۲) مجو ز ریگ روان جهان ثبات قدم / ز دست، دامن این شوخ بی وفا بگذار
- (۳) چون رشته گل دسته به گرد همه خوبان / گردیدم و یک یار وفادار ندیدم
- (۴) باز به رسم سرکشان راه جفا گرفته‌ای / تیغ ستم کشیده‌ای، ترک وفا گرفته‌ای

۱۰- کدام دو بیت با یکدیگر تناسب معنایی دارند؟

- (۱) تا عهد تو دربستم عهد همه بشکستم / بعد از تو روا باشد نقض همه پیمانها
با تو اخلاصم دگر شد بس که دیدم نقض عهد / من که در آتش نگردانم عیار خویش را
- (۲) عجب نباشد اگر تشنۀ جمال حرم / ز آب دیده لبالب کند بیابان را
گر در طلبت رنجی ما را برسد شاید / چون عشق حرم باشد سهل است بیابانها
- (۳) تا خار غم عشقت آویخته در دامن / کوته‌نظری باشد رفتن به گلستانها
گرچه هستند به فردوس بسی خاتونان / تا تو را بیند رضوان غم ایشان نبرد
- (۴) ای که می‌پرسی چه پیش آمد که پیدا نیستی / خویشن را کرده‌ام گم تا طلکارام تو را
وقتی دل سودایی می‌رفت به بستانها / بی خویشتم کردی بوی گل و ریحانها

۱۱- معنی چند واژه در مقابل آن نادرست آمده است؟

گرده: میان دو کتف، (آخره: چنبه گردن)، (مشوش: نگران کننده)، (بیرنگ: طرح اویله)، (حَلف: جانشین)، (گرته‌برداری: نسخه‌برداری از روی یک تصویر)، (کَله: برآمدگی زانوی اسب)، (رنانه: زیر کانه)

- (۱) یک
- (۲) دو
- (۳) سه
- (۴) چهار

۱۲- در کدام عبارت غلط املایی وجود دارد؟

- (۱) صحبت عاقل را ملازم باید گرفت اگرچه بعضی از اخلاق او در ظاهر نامری باشد، و از محاسن عقل و خرد اقتباس می‌باید کرد، و از مقابح آنچه ناپسندیده نماید خویشتن نگاه می‌داشت.
- (۲) صلاح اهل بیت آن قادر برقرار است که شریر دیو مردم بدیشان نبیوسته است و لطف دوستی چندان باقی است که دور روی فتّان و دوزبان نتمام میان ایشان مداخلتی نیافته است.
- (۳) ناگاه یکی در آب افتاد. آواز آن به گوش او رسید. لذتی یافت و تربی و نشاطی در وی پدید آمد و هر ساعت بدان هوس دیگر بینداختی و به آواز تلذذی نمودی.
- (۴) چگونه بر پادشاه که تو را گرامی کرد و عزیز و محترم و سرور و محتشم گردانید، چنان‌که در ظل دولت او دست در کمر مردان زدی و پای بر فرق آسمان نهاد، این معاملت جایز شمردی؟

۱۳- در عبارت «قرآن مانند است به پیشست جاودان»، «پیشست» رکنی از تشبيه است. در بیت گزینه... نیز «پیشست» در همین جایگاه به کار رفته است.

- (۱) نه حرص علم و هنر ماندشان نه حرص پیشست / نجوید او خر و اشتر که هست شیرسوار
- (۲) کدام باغ به دیوار دوستان ماند؟ / کسی پیشست نگوید به بستان ماند
- (۳) ماند به پیشست آن رخ گندم گونش / عاشق چو آدم است پیرامونش
- (۴) زاهد ز انتظار نعیم پیشست ماند / عابد نماز را به تک‌آف دراز کرد

۱۴- واژه «مهر» در همه گزینه‌ها به جز گزینه... «ایهام» دارد.

- (۱) بی مهر رخت روز مرا نور نمانده است / وز عمر مرا جز شب دیجور نمانده است
- (۲) آن چنان مهر توام در دل و جان جای گرفت / که اگر سر برود از دل و از جان نرود
- (۳) ز آسمان بگذرم از بر من افتاد نظری / ذره تا مهر نبیند به ثریا نرسد
- (۴) چو شمع صبحدمم شد ز مهر او روشن / که عمر در سر این کار و بار خواهم کرد

۱۵- درباره بیت «تا عهد تو دربستم، عهد همه بشکستم / بعد از تو روا باشد، نقض همه پیمانها»، کدام گزینه نادرست است؟

- (۱) «تو» در مصراح نخست مضاف‌الیه و در مصراح دوم «متهم» است.
- (۲) «همه» در هر دو مصراح صفت مبهم و «رو» در مصراح دوم مستند است.
- (۳) «نقض» هسته گروه نهادی مصراح دوم است.
- (۴) واژه «عهد» در هر دو مورد، یک نقش دستوری پذیرفته است.

۱۶- در ایات همه گزینه‌ها به جز گزینه... ضمایر پیوسته به ترتیب در نقش «مضاف‌الیه» و «مفوعول» به کار رفته‌اند.

- (۱) گرفت زندگانی نوشته است دیز / نه مارت گزارید نه شمشیر و شیر
 - (۲) و گر در حیات نمانده است بهر / چنان کشد نوشدارو که زهر
 - (۳) ندیممش روزی که ترکش نیست / از پولاد پیکانش آتش نجست
 - (۴) کنونت به مهر امامد پیشباز / نمی ام از بستاندیش باز

۱۷- مفهوم نمادین واژه «صبا» در کدام گزینه متفاوت است؟

- (۱) بگو پیشش صبا، گه گه پس از ما / که اهل خاک خدمت می‌رسانند
 - (۲) صبا به لطف بگو آن غزال رعنای را / سر به کوه و بیابان تو داده‌ای ما را
 - (۳) نفس باد صبا مشک‌فشن خواهد شد / عالم پیر دگرباره جوان خواهد شد
 - (۴) رو ای صبا و سلامم به دلنواز رسان / نیاز بنده بدان شوخ عشوه‌ساز رسان

۱۸- کدام گزینه با بیت زیر قرابت مفهومی دارد؟

«گفت پیغمبر که هر کاو سر نهفت / زود گردد با مراد خویش جفت»

- (۱) همچو خم رازدار و سنجین باش / نه چو گلین که راز گل زو فاش
 - (۲) سیر چه پوشی که در بهاران گل / راز پنهان ندارد انددر دل
 - (۳) دادم راز باید گفت این جا / ذر اسرار باید سفت (= سوراخ کرد) این جا
 - (۴) جسم را تا کی حجاب جان روشن ساختن / پرتو خورشید را نتوان نهفتن زیر خاک

١٩- كدام عبارت با آیه «وَمَكَرُوا وَمَكَرَ اللَّهُ وَاللَّهُ خَيْرُ الْمَاکِرِينَ» تناسِب معنایی دارد؟

- ۱) در عالم نعمت بسیار است و آب نیکوتین نعمت‌هاست.
 - ۲) برادران یوسف آهنگ مکر و عادات کردن تا مگر او را هلاک کنند.
 - ۳) عالمیان بدانند که هرگز کید کایدیان با خواست خداوند غیبدان برابر نباشد.
 - ۴) در مقابلة جفا، وفا کرد و در مقابلة زشتی، آشتبی کرد.

۲۰- مفهوم کدام بیت با عبارت «نبینی که یوسف را از روی نیکو، بند و زندان آمد و از خوی نیکو، امر و فرمان آمد؟ از روی نیکوش حبس و چاه آمد، و از خوی نیکوش تخت و گاه آمد». نزدیک است؟

- (۱) چو کامت برنمی آید به ناکامی فروده تن / که در زندان ناکامی نیابی کامرانی تو
 - (۲) هزاران جان یعقوبی همی سوزد از این خوبی / چرا ای یوسف خوبان در این چاهی، نمی دانم!
 - (۳) لفظ دلبر راندم اما خلق را دل برنتافت / شعر نیکو گفتم اما قوم را مشعر نبود
 - (۴) در گذر از فضل و از جهودی و فن / کار خدمت دارد و خلق حسن

²¹- «سعِ عَمَلَاءِ الْعَدُوِّ أَنْ يَدْعُونَا إِلَى التَّقْرِيْبَةِ، فَعَلَيْنَا أَنْ لَا نَسْمَحَ لَهُمْ أَنْ يَصْلُوا إِلَى أَهْدَافِهِمُ الْقَسْحَةِ» عَنِ الصَّحِّحِ فِي التَّحْمِةِ:

- ۱) مزدوران دشمن در تلاش هستند که ما را به اختلاف فرا بخواهند، لذا ما باید به آنها اجازه ندهیم که به هدف زشتیسان نایل شوند!

۲) کارگزاران دشمن ما را به تفرقه دعوت می‌کنند و برای آن در تلاش هستند، پس ما باید به آنها اجازه دستیابی به اهداف زشت خود را

(۳) دشمنان مزدور سعی می‌کنند که میان ما اختلاف بیندازند، پس ما آنها اجازه نمی‌دهیم که به هدف‌های زشت خود بررسند!

۴) مزدودان دشمن تلاش می‌کنند که ما این تفکه دعمت کنند، رسماً نایابید به آنها احراز دهیم که به اهداف شیخستان، بسته

٤٤ - عَيْنُ الصَّحِيفَةِ فِي التَّرْجِمَةِ

٢) تَحَالُّ الْخَلَافُ بِنَحْمَنَةِ سَكَانِ الْعَالَمِ غَيْرِ مُسْمِحٍ؛ بِهِ اخْتِلَافُ مَنْ يَكْبِنْجُمْ سَاكِنَاهُ، حَمَانَ حَانَةُ نِسْتَرا

٣٠) مَنْ أَنْتُمْ إِنْ تَعْلَمُونَ فَإِنَّمَا يَعْلَمُ بِكُمْ رَبُّ الْأَنْوَافِ وَالْمُرْسَلُونَ دَاهِرَةٌ بَلْ

⁴⁾ أولاً أدخلتْ المُؤمِّنةَ مُهَاجِرَةً إلى إِنْجِلِيزِيَا، كِبَرَتْ مُهَاجِرَةً مُهَاجِرَةً، وَلَمْ يَكُنْ لِلْأَنْجِيلِيزِيِّيِّيْنَ مُهَاجِرَةً.

- ٢٣ - عين الخطأ في الترجمة:

- ١) كُنَّا نَحْتَرِمُ حُرْيَّةَ الْعِقِيدَةِ مَعَ اِحْتِفَاظِ عَقَائِدِنَا!؛ ما بـ نـگـه دـاشـتـن عـقـاـيد خـوـيش به آـزـادـی عـقـيـدـه اـحـتـراـم مـی گـذاـشـتـیـم!
- ٢) إِلَصَارُ عَلَى نِقَاطِ الْخَلَافِ وَالْعُدُوانِ لَا يَنْفَعُ أَخَدًا!؛ پـافـشارـی روـی نقـاط اختـلاف و دـشـمنـی به کـسـی سـود نـمـی رـسانـد!
- ٣) رَبَّنَا نُورٌ قُلُوبُنَا وَعَيْوَنَنَا بِنُورِ الإِيمَانِ وَالإِسْلَامِ!؛ خـدـایـا؛ دـلـهـایـمان و چـشـمـهـایـمان رـا به نـور اـیـمـان و اـسـلـام روـشن کـنـ!
- ٤) جَمَعْتُ زَمَلَاتِي لِمَرَاسِيمِ التَّكْرِيمِ وَهُمْ اِجْتَمَعُوا!؛ هـمـکـلاـسـیـهـایـمـ رـا برـای مرـاسـیـم بـزرـگـداـشت گـردـآـورـدم و آـنـها جـمـع شـدـنـدـا!

- ٢٤ - عين الخطأ في مفهوم الآيات التالية:

- ١) لَا يُكَلِّفُ اللَّهُ نَفْسًا إِلَّا وُسْعَهَا»؛ زـتوـهـرـچـه نـتوـانـی اـیـزـد نـخـواـست / توـآنـکـنـ کـه فـرمـودـت اـز رـاه رـاست
- ٢) فَأَذْكُرُونِي أَذْكُرُكُمْ وَأَشْكُرُوكُمْ!؛ کـسـی کـو در دـعا آـرـد مـرـا يـاد / هـمـه وـقـتـی نـگـهـدارـش خـدـا بـاد
- ٣) «لَهَا مَا كَسَبَتْ وَعَلَيْهَا مَا أَكْسَبَتْ»؛ اـین جـهـان کـوه اـسـت و فـعـلـی مـا نـدا / سـوـی مـا آـیـدـنـاـهـا رـا صـدا
- ٤) «وَاعْتَصِمُوا بِحَبْلِ اللَّهِ جَمِيعًا وَلَا تَفَرُّوْا»؛ پـراـکـنـدـگـی اـز نـفـاق خـیـزـد / پـیـروـزـی اـز اـتفـاق خـیـزـد

- ٢٥ - عين الأصح عن الجواهـات:

- ١) إِنْتَهِيَّا مِنْ فَضْلِكِ! - أَنَا بِحَاجَةٍ إِلَيْهَا جِدًّا!
- ٢) أَهَذِهِ حُبُوبٌ مُهَدِّثَةٌ؟ - نـعـم، هـذـه غـير مـسـمـوـحة!
- ٣) لِمَنْ هَذِهِ الْحَقِيقَةُ؟ - هـذـه الـحـقـيـقـة تـقـيلـة حـقـاـ!
- ٤) مَاذَا فِي الْحَقِيقَةِ؟ - لَيْسَ شَيْءٌ مُمْهُمٌ فِيهَا!

- ٢٦ - عـينـ الـكـلـمـتـيـنـ المـتضـادـتـيـنـ هـما مـصـدرـ بـابـ إـفـعالـ:

- ١) إِعْلَمْ يـا بـئـنـي أـلـفـ صـدـيقـ قـلـيلـ و عـدـوـ وـاحـدـ كـثـيرـ!
- ٢) تـقـرـيـبـ النـاسـ إـلـى الوـحدـةـ و إـبـادـهـمـ عنـ التـفـرـقـةـ منـ عـمـلـ الـعـلـمـاءـ!
- ٣) أـدـخـلـ السـرـورـ فـي قـلـوبـ النـاسـ و أـخـرـجـ الـحـزـنـ مـنـ قـلـوبـهـمـ!
- ٤) بـالـإـحـسـانـ يـتـجـمـعـ النـاسـ حـولـكـ و بـالـإـسـاءـةـ يـتـفـرـقـونـ مـنـ حـولـكـ!

- ٢٧ - عـينـ الفـعـلـ الـمـزـيدـ يـخـتـلـفـ وـزـنـ مـصـدرـهـاـعـنـ الـبـقـيـةـ:

- ١) إِنَّ السَّنَةَ الْكَامِلَةَ تَشَكَّلُ مِنْ أَرْبَعَةِ فَصُولٍ،
- ٢) وَكُلَّ فَصْلٍ يَتَكَوَّنُ مِنْ ثَلَاثَةِ أَشْهُرٍ!
- ٣) الـمـعـلـمـ يـدـرـسـ لـنـاـ فـي الـحـصـتـيـنـ مـنـ هـذـهـ السـنـةـ الـأـدـبـ الـفـارـسـيـ،
- ٤) وَلَكـنـ الـلـغـةـ الـعـرـبـيـةـ سـيـعـةـ دـرـوـسـ سـيـعـلـلـهـاـ فـي حـصـةـ وـاحـدـةـاـ!

- ٢٨ - عـينـ الصـحـيـحـ عـنـ الـأـفـعـالـ الـتـيـ تـحـتـهـاـ خطـ:

- ١) بـعـدـ تـناـولـ الطـعـامـ تـكـمـمـتـ جـدـتـيـ حـولـ أـيـامـ شـيـابـهـاـ؛ (الفـعـلـ المـضـاعـ منـ بـابـ «ـتـفـاعـلـ»)
- ٢) سـبـبـسـمـ الـسـتـقـبـلـ عـلـىـ مـنـ يـجـهـهـ؛ (فـعـلـ مـضـارـعـ منـ بـابـ «ـإـسـفـعـالـ»)
- ٣) الـمـدـبـرـ عـرـفـ الـمـوـظـفـ الـجـدـيدـ فـتـعـرـفـ عـلـيـهـ الـمـوـظـفـونـ الـآخـرـونـ؛ (الفـعـلـ الـمـاضـيـ منـ بـابـ «ـتـفـعـلـ»)
- ٤) إـسـتـلـمـتـ الـأـمـرـأـ رـسـالـةـ مـنـ وـالـدـهـاـ؛ (الفـعـلـ الـمـاضـيـ منـ بـابـ «ـإـسـفـعـالـ»)

٢٩ - عين الفعل الذي ليس فيه حرف زائد:

- ١)رأيت احترام المدير للموظف المتقاعد في مجلس التعارف!
- ٢)إذا تبعد النوم الكبير عن نفسك تتقدم في جميع أمورك!
- ٣)الطبيعة ستنقلب في كل فصل من السنة!
- ٤)استلموا نقودكم من الصندوق واسترجعوا أماناتكم!

٣٠ - عين الخطأ في الأفعال التالية:

- ١) هم تعلموا فأنت تعلموا أيضا!
- ٢) هم تعايشوا سلماً فأنت تعايشوا أيضا!
- ٣) هم جاهدوا فأنت جاهدوا أيضا!
- ٤) هن اعتمدن علينا فأنت اعتمدنا أيضا!

31- A: "Do you think the Harry Potter films are ... the books?"

B: "Actually, I'm more interested in the books."

- 1) the best of 2) good as 3) better than 4) best than

32- "That was ... conversation in my life," she said after finding out the interesting facts about his life.

- 1) strange 2) stranger than 3) as strange as 4) the strangest

33- Getting ready for school in the morning is ... than attending the classes.

- 1) difficult 2) the most difficult 3) as difficult 4) more difficult

34- If you go to that shop, you can buy most things you use in your ... life.

- 1) daily 2) expensive 3) wonderful 4) modern

35- "Be ... , and ... your country with your lives," said their mother.

- 1) kind - visit 2) brave - defend 3) amazing - protect 4) neat - go around

36- ... blood has the power to be useful to more than three people who need the blood. Knowing that you've helped the lives of others makes you feel better about yourself.

- 1) Collecting 2) Pumping 3) Donating 4) Describing

Ants are amazing animals. According to researchers, the ants have been around for about 110-130 million years, while the modern form of man appeared only 5 million years ago. Ants are different in ... (37) ... from 0.75mm to 52mm. Most ants are black or red but some are green. The ant is one of the world's strangest creatures in comparison to its size. An ant can ... (38) ... 50 times its own body weight, and they even work together as a group to move bigger objects. They don't have ears, and some of them don't have eyes, in fact, they send out warnings to protect other ants from ... (39) Queen ants can live more than 30 years, ... (40) ... lifetime of all insects.

- 37- 1) size 2) color 3) age 4) form

- 38- 1) stay 2) identify 3) destroy 4) carry

- 39- 1) danger 2) microbe 3) animal 4) human

- 40- 1) the farthest 2) farther 3) the longest 4) longer

- ٤١ - اگر a يك عدد حقيقي و $a < 0$ باشد، کدام يك از موارد زير نادرست است؟

$$a^2 > \sqrt{a} \quad (4) \quad a < \sqrt{a} \quad (3) \quad \sqrt{a} < \sqrt[3]{a} \quad (2) \quad a^3 < a^2 \quad (1)$$

- ٤٢ - اگر $a + b = 5$ و $a^3 + b^3 = ab$ باشد، آنگاه حاصل کدام است؟

$$110 \quad (4) \quad 95 \quad (3) \quad 80 \quad (2) \quad 65 \quad (1)$$

-۴۳- اگر $\sin x \times \cos x = \frac{1}{4}$ باشد، حاصل $\sin x + \cos x$ کدام است؟

$\frac{1}{3}$ (۴)

$-\frac{2}{5}$ (۳)

$-\frac{3}{8}$ (۲)

$-\frac{1}{2}$ (۱)

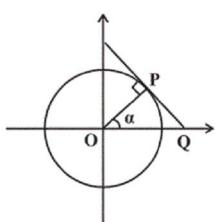
-۴۴- در دایره مثبتانی مقابل، اگر $P\left(\frac{\sqrt{2}}{3}, \frac{\sqrt{7}}{3}\right)$ باشد، طول پاره خط PQ کدام است؟

$\frac{\sqrt{2}}{7}$ (۲)

$\frac{\sqrt{14}}{2}$ (۴)

$\frac{9}{\sqrt{14}}$ (۱)

۱ (۳)



-۴۵- به ازای کدام مقدار k عبارت $\sqrt[3]{a\sqrt[4]{a^4}}$ برابر a خواهد شد؟

۵ (۴)

۴ (۳)

۲ (۱)

-۴۶- ساده شده عبارت $\frac{\sqrt{a} - \sqrt[3]{a}}{\sqrt[12]{a^5} - \sqrt[3]{a^2}}$ کدام است؟ ($a \neq 1$ ، $a > 0$)

$-a^{-\frac{1}{6}}$ (۴)

$a^{-\frac{1}{6}}$ (۳)

$-a^{\frac{1}{6}}$ (۲)

$a^{\frac{1}{6}}$ (۱)

-۴۷- اگر $\frac{\sin \alpha + \cos \alpha}{\sin \alpha - \cos \alpha}$ کدام است؟ $90^\circ < \alpha < 180^\circ$ و $1 + \tan^2 \alpha = 4$

$2 + \sqrt{3}$ (۴)

$1 - \frac{\sqrt{3}}{2}$ (۳)

$2 - \sqrt{3}$ (۲)

$1 + \frac{\sqrt{3}}{2}$ (۱)

-۴۸- اگر $\sin^6 \theta + \cos^6 \theta = \frac{193}{625}$ باشد، حاصل $\sin^6 \theta - \cos^6 \theta$ کدام است؟ ($45^\circ < \theta < 90^\circ$)

$\frac{1}{3}$ (۴)

$\frac{1}{4}$ (۳)

$\frac{1}{5}$ (۲)

$\frac{1}{6}$ (۱)

-۴۹- حاصل عبارت $\frac{\sqrt{2} + \sqrt{7}}{2 - \sqrt{6} - \sqrt{21} + \sqrt{14}}$ کدام است؟

$-\sqrt{2} - \sqrt{3}$ (۴)

$\sqrt{3} - \sqrt{2}$ (۳)

$\sqrt{2} - \sqrt{3}$ (۲)

$\sqrt{2} + \sqrt{3}$ (۱)

-۵۰- اگر اتحاد مثبتانی $\frac{a}{\cos^2 x} + \frac{b}{\cos^4 x} = \tan^2 x + \tan^4 x$ بوقرار باشد، مقدار $a - b$ کدام است؟

۱ (۴)

۲ (۳)

-۲ (۲)

-۱ (۱)

-۵۱- اگر سه دنباله حسابی ... ، $a_n = 1, 3, \dots$ ، $b_n = -2, -7, \dots$ و ... ، $c_n = -17, -4, \dots$ را داشته باشیم، مجموع ۱۰ جمله اول دنباله جملات مشترک این سه دنباله، کدام است؟

۴۸۰ (۲)

۵۰۰ (۱)

-۵۲- این سه دنباله جملات مشترک ندارند.

۴۶۰ (۳)

-۵۲- مجموع جواب‌های معادله $m^2 x^2 + |x| = m^2 + 1$ کدام است؟

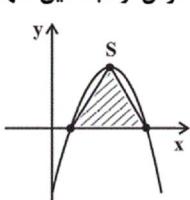
۲ (۲)

(۱) معادله جواب ندارد.

۴ (۳)

-۲ (۱)

-۵۳- نقطه $S = (3, 4)$ رأس سهمی شکل زیر و مساحت مثلث هاشورخورده برابر ۸ واحد مربع است. عرض از مبدأ این سهمی کدام است؟



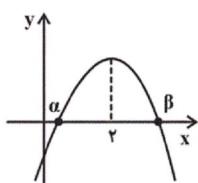
-۷ (۱)

-۶ (۲)

-۵ (۳)

-۴ (۴)

-۵۴- اگر نمودار سهمی $y = -x^2 + Sx - P$ مانند شکل زیر باشد و رابطه $\beta^2 - \alpha^2 = 6$ بین صفرهای تابع برقرار باشد، مقدار P کدام است؟



- | | |
|----|-----------------|
| ۱) | $\frac{55}{16}$ |
| ۲) | ۳ |
| ۳) | $\frac{15}{8}$ |
| ۴) | $\frac{55}{8}$ |

-۵۵- در یک دنباله حسابی با جمله عمومی $a_n = kn^2 + bn - 1 + k$ جمله اول دنباله برابر با n باشد، حاصل $S_{n+1} - a_{n+1}$ کدام است؟

- | | |
|----|-----|
| ۱) | ۱۰ |
| ۲) | ۸ |
| ۳) | ۶ |
| ۴) | -۵۶ |

-۵۶- معادله $|x+1| + |x-2| = 3$ چند جواب دارد؟

- | | |
|----|---|
| ۱) | ۱ |
| ۲) | ۲ |
| ۳) | ۱ |
| ۴) | ۰ |

-۵۷- در معادله $\frac{1}{x^2+3x+5} - \frac{2}{x^2+3x-1} = 1$ حاصل ضرب جوابها کدام است؟

- | | |
|----|----|
| ۱) | ۲ |
| ۲) | ۱ |
| ۳) | -۱ |
| ۴) | -۲ |

-۵۸- فاصله نقاط A و C روی خط $\ell_1 : x-y=1$ و نقاط B و D روی خط $\ell_2 : x+y=1$ از نقطه (-2, 1) یکسان و برابر $\sqrt{10}$ است. مساحت ذوزنقه ABCD کدام است؟

- | | |
|----|----|
| ۱) | ۴ |
| ۲) | ۸ |
| ۳) | ۱۶ |
| ۴) | ۲۰ |

-۵۹- کوتاه ترین فاصله نقاط سهمی $f(x) = 4 - x^2$ از نقطه (0, 1) A کدام است؟

- | | |
|----|-----------------------|
| ۱) | $\frac{\sqrt{7}}{2}$ |
| ۲) | $\frac{\sqrt{11}}{2}$ |
| ۳) | ۱ |
| ۴) | ۳ |

-۶۰- دو دنباله حسابی با جمله اول a_1 و قدرنسبت های متماضی d و d' مفروض آند. اگر مجموع n جمله اول دنباله اول را با S_n و مجموع

جمله اول دنباله دوم را با S'_n نمایش دهیم، حاصل $\frac{S_n - S'_n}{d - d'}$ کدام است؟

- | | |
|----|-----------------------|
| ۱) | $\frac{1}{2}(n)(n-1)$ |
| ۲) | $\frac{2}{n(n-1)}$ |
| ۳) | $2n(n-1)$ |
| ۴) | $\frac{2}{(n-1)n}$ |

-۶۱- اگر $x < 3 < \sqrt[4]{x}$ به جای X چند عدد طبیعی می توان قرار داد؟

- | | |
|----|-----|
| ۱) | ۲۱۰ |
| ۲) | ۲۱۱ |
| ۳) | ۲۱۲ |
| ۴) | ۲۱۳ |

-۶۲- اگر داشته باشیم $bc > 0$ و $\frac{ab}{c} < 0$. آنگاه حاصل $\frac{\sqrt{a^2}}{a} + \frac{\sqrt[4]{b^4}}{b} + \frac{\sqrt[6]{c^6}}{c}$ کدام است؟

- | | |
|----|-----|
| ۱) | ۲۱۰ |
| ۲) | ۲۱۱ |
| ۳) | ۲۱۲ |
| ۴) | ۲۱۳ |

-۶۳- در شکل زیر، نقاطی از محور بالا به ریشه های چهارم، هفتم، نهم خود در محور پایین وصل شده است. نقاط a و b به ترتیب مربوط به کدام ریشه هستند؟



- (۱) چهارم، نهم
- (۲) هفتم، نهم
- (۳) نهم، چهارم
- (۴) هفتم، چهارم

-۶۴- حداقل مقدار $\frac{3 \cos x + 1}{3 + \cos x}$ کدام است؟

- | | |
|----|----------------|
| ۱) | $\frac{7}{2}$ |
| ۲) | $\frac{5}{2}$ |
| ۳) | $\frac{13}{4}$ |
| ۴) | $\frac{11}{4}$ |

-۶۵- اگر $180^\circ < \alpha < 270^\circ$ و $\cos \alpha = \frac{1-2m}{3}$ باشد، کدام بازه حدود m را نشان می دهد؟

- | | |
|----|-------------------------------|
| ۱) | $(-\frac{1}{2}, \frac{1}{2})$ |
| ۲) | $(-1, 0)$ |
| ۳) | $(\frac{1}{2}, 1)$ |
| ۴) | $(0, \frac{1}{4})$ |

۶۶- از نقطه $A(\frac{\sqrt{3}}{2}, \frac{1}{2})$ روی دایره مثلثاتی و در جهت مثبت آن شروع به حرکت می‌کنیم و پس از طی زاویه 51° در نقطه B توقف می‌کنیم. مختصات نقطه B کدام است؟

- (-1, 0) (۲) $(\frac{\sqrt{2}}{2}, \frac{\sqrt{2}}{2})$ (۱)
 $(0, -1)$ (۴) $(0, 1)$ (۳)

۶۷- ساده شده عبارت کدام است؟

$$\frac{1 + \cos x}{\sin x} + \frac{\sin x}{1 + \cos x}$$

$\sqrt{\cos x}$ (۴) $\frac{2}{\cos x}$ (۲) $\frac{2}{\sin x}$ (۱)
 $\sqrt{\sin x}$ (۳)

۶۸- کدام گزینه اتحاد نیست؟

$$\frac{1}{\tan x + \cot x} = \sin x \cdot \cos x$$

$$(1 - \sin x)\left(\frac{1}{\cos x} + \tan x\right) = \cos x$$

$-\frac{1}{\cos x} + \tan x = \frac{\cos x}{1 + \sin x}$

$\frac{1 + \tan x}{1 + \cot x} = \tan x$ (۳)

۶۹- اگر $x = \sqrt{2} - 1$ باشد، مقدار عددی عبارت $(x + x^{-1})^{\frac{1}{3}}$ کدام است؟

- ۲ (۴) $\sqrt[3]{2}$ (۳) $\sqrt{2}$ (۲) $\frac{1}{2}$ (۱)

۷۰- عدد $-1 - \sqrt[3]{2}$ بر کدام یک از اعداد زیر بخش پذیر نیست؟

- ۶۶۴ (۴) 80° (۳) 73° (۲) 728 (۱)

۷۱- اگر $\frac{xy + xz}{yz}$ کدام است؟

- ۲ (۳) $\frac{y}{x} = \frac{z}{3} = \frac{z}{6}$ (۱)
 $\frac{9}{2}$ (۴) 3 (۳)

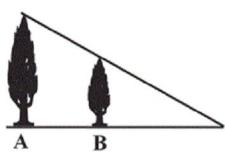
۷۲- در شکل زیر، واسطه هندسی x و y ، پاره خطی به طول ۳ و واسطه هندسی x و z ، پاره خطی به طول ۴ است. مقدار x کدام است؟ (۰ x ، y و z طول پاره خطها هستند).

- 
 ۷ (۲) 8 (۱)
 ۵ (۴) 6 (۳)

۷۳- طول ارتفاعهای یک مثلث برابر ۶، ۸ و $10\sqrt{2}$ است. اگر طول بزرگترین ضلع مثلث برابر $10\sqrt{2}$ باشد مجموع طول دو ضلع دیگر مثلث کدام است؟

- $15\sqrt{2}$ (۱)
 $27\sqrt{2}$ (۲)
 $30\sqrt{2}$ (۳)
 $\frac{27\sqrt{2}}{2}$ (۴)

۷۴- در شکل زیر، ارتفاع دو درخت ۱۰ و ۱۵ متر و نوک سایه آن‌ها بر هم منطبق است. اگر طول سایه درخت بزرگ‌تر ۵۴ متر باشد، فاصله دو درخت (طول AB) چند متر است؟

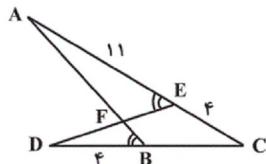


- ۱۵ (۱)
 ۱۸ (۲)
 ۲۷ (۳)
 ۳۶ (۴)

- ۷۵- در مثلث قائم‌الزاویه‌ای، اندازه دو ضلع زاویه قائمه ۷ و ۲۴ است. ارتفاع وارد بر وتر را رسم می‌کنیم، دو پاره خط روی آن پدید می‌آید. اختلاف طول این دو پاره خط کدام است؟

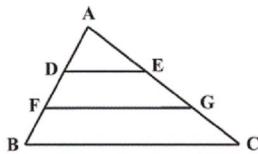
- ۱) ۲۱/۴۸
- ۲) ۲۰/۴۴
- ۳) ۲۰/۸۴
- ۴) ۲۱/۰۸

- ۷۶- در شکل زیر، $\hat{D}\hat{B}F = \hat{A}\hat{E}F$ است. طول BC کدام است؟



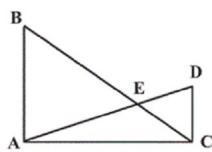
- ۱) ۵
- ۲) ۶
- ۳) ۵/۵
- ۴) ۶/۵

- ۷۷- در شکل زیر، $AD = DF = FB$ و $BC = DE + FG$ با ضلع BC موازی‌اند. حاصل $DE + FG$ کدام است؟



- ۱) ۴
- ۲) ۶
- ۳) ۸
- ۴) ۱۲

- ۷۸- در شکل زیر، $CD \perp AC$ و $AB \perp AC$ است. کدام دو مثلث همواره متشابه‌اند؟

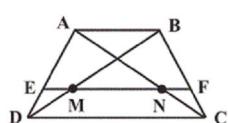


- ۱) ABC و ACD
- ۲) ABC و ABE
- ۳) ABE و CDE
- ۴) ACE و CDE

- ۷۹- در ذوزنقه شکل زیر، پاره خط EF موازی دو قاعده رسم شده است و قطرهای آن را در نقاط M و N قطع کرده است. اگر $\frac{AE}{ED} = 3$ باشد،

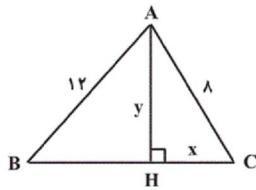
Konkur.in

حاصل $\frac{EM}{NF}$ کدام است؟



- ۱) $\frac{1}{3}$
- ۲) $\frac{2}{3}$
- ۳) ۱
- ۴) $\frac{4}{3}$

-۸۰ در شکل زیر، $BC = 10$ و $AC = 8$ می‌باشد. حاصل xy کدام است؟



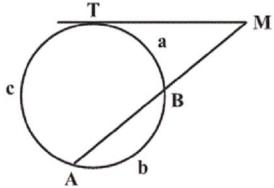
$$2\sqrt{7} \quad (1)$$

$$3\sqrt{7} \quad (2)$$

$$2\sqrt{5} \quad (3)$$

$$3\sqrt{5} \quad (4)$$

-۸۱ در شکل زیر، اگر $\frac{a}{2} = \frac{b}{3} = \frac{c}{5}$ باشد، زاویه M چند درجه است؟



$$36 \quad (1)$$

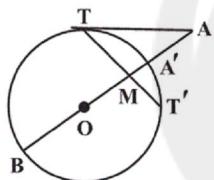
$$45 \quad (2)$$

$$54 \quad (3)$$

$$60 \quad (4)$$

-۸۲ در شکل زیر، AT بر دایرة $C(O, r)$ مماس می‌باشد. اگر $AA' = OM = x$ و $AT = y$ باشد، حاصل $x + y$ کدام است؟

$$(MT' = 2, MT = 2/5)$$



$$4 \quad (1)$$

$$5 \quad (2)$$

$$6 \quad (3)$$

$$7 \quad (4)$$

-۸۳ در دایرة زیر، اندازه کمان‌های \widehat{AB} و \widehat{CD} به ترتیب 130° و 120° است. مطابق شکل، اگر امتداد وترهای AB و CD با زاویه 30° هم‌دیگر

را قطع کنند، اندازه کمان AD چند درجه است؟



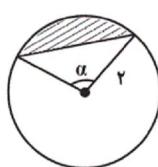
$$80 \quad (1)$$

$$90 \quad (2)$$

$$85 \quad (3)$$

$$95 \quad (4)$$

-۸۴ در دایرة زیر، زاویه‌ای مرکزی و برابر 120° است. در این صورت مساحت قسمت هاشورزده کدام است؟



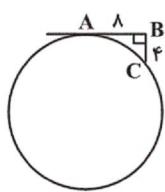
$$\frac{4\pi}{3} + \sqrt{3} \quad (1)$$

$$\frac{4\pi}{3} - \sqrt{3} \quad (2)$$

$$\sqrt{3} \quad (3)$$

$$\frac{4\pi}{3} \quad (4)$$

-۸۵ در شکل زیر، BA در نقطه A بر دایره مماس بوده، $AB = 4$ و $BC = 8$ است. شعاع دایره کدام است؟

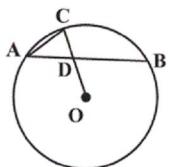


- ۸ (۱)
۱۰ (۲)
۱۲ (۳)
۱۴ (۴)

-۸۶ در دایره‌ای دو وتر AB و CD رسم شده‌اند به‌طوری که اگر AB را از طرف C باشد، کدام مقایسه درست است؟

$$\begin{array}{ll} OH = OH' & (۱) \\ OH > OH' & (۲) \\ OH < OH' & (۳) \end{array}$$

-۸۷ مطابق شکل در دایره‌ای به مرکز O، وترهای AB و AC مفروض‌اند. به‌طوری که $\widehat{AB} = 3\widehat{AC}$ نقطه‌ای از کمان کوچک‌تر \widehat{AB} . اگر شعاع OC وتر AB را در نقطه D قطع کند، کدام گزینه‌ای زاماً صحیح است؟

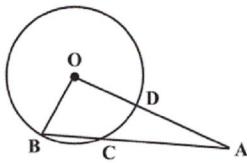


- $DB = DO$ (۱)
 $AD = AC$ (۲)
 $O\hat{D}B = 90^\circ$ (۳)
 $C\hat{A}D = O\hat{B}D$ (۴)

-۸۸ در دایره‌ای به مرکز O، وتر CD را موازی قطر AB رسم نموده‌ایم به‌طوری که امتداد AD و BC یکدیگر را خارج دایره در نقطه M قطع کنند. اگر مجموع زاویه‌های BOC و M برابر 75 درجه باشد، زاویه M چند درجه است؟

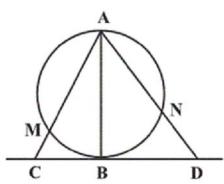
$$\begin{array}{ll} 30 & (۱) \\ 22/5 & (۲) \\ 37/5 & (۳) \\ 36 & (۴) \end{array}$$

-۸۹ در شکل زیر، $OA = 12$ ، $OA \perp OB$ و شعاع دایره برابر ۵ است. طول پاره خط BC کدام است؟ (O مرکز دایره است)



- $\frac{50}{7}$ (۱)
 $\frac{50}{13}$ (۲)
 $\frac{100}{7}$ (۳)
 $\frac{100}{13}$ (۴)

-۹۰ در شکل زیر، AB قطر دایره و CD در نقطه B بر دایره مماس است. اگر $AN = 6$ ، $AM = 3MC = 9$ باشد، آن‌گاه طول DN کدام است؟

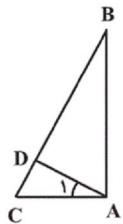


- ۶ (۱)
۵ (۲)
۱۲ (۳)
۱۰ (۴)

-۹۱ اگر $\frac{a}{14} = \frac{b}{21} = \frac{c}{21} = \frac{d}{28}$ باشد، a + b + c + d چند برابر b است؟

$$7 (۱) \qquad 5 (۲) \qquad 3 (۳) \qquad 2 (۴)$$

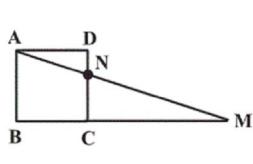
۹۲- در شکل زیر، اگر $\hat{A}_1 = \hat{B}$ باشد، پاره خط AC واسطه هندسی بین کدام دو پاره خط است؟



- BC و AD (۱)
- BD و AB (۲)
- AB و CD (۳)
- BC و CD (۴)

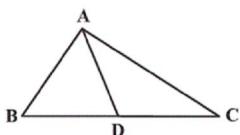
۹۳- در شکل زیر $ABCD$ مربع است. مطابق شکل ضلع BC را به اندازه ۳ برابر ضلع مربع، تا نقطه M امتداد می‌دهیم. اگر محل

تقاطع NC و CD و AM را N بنامیم، مساحت ذوزنقه $ANCB$ چه کسری از مساحت مربع $ABCD$ است؟



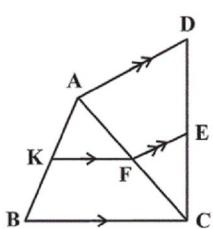
- $\frac{3}{4}$ (۱)
- $\frac{5}{6}$ (۲)
- $\frac{4}{5}$ (۳)
- $\frac{7}{8}$ (۴)

۹۴- در شکل زیر، اگر $\hat{B}\hat{A}\hat{C} = \hat{A}\hat{D}\hat{C}$ باشد، طول CD کدام است؟



- ۲ (۱)
- ۳ (۲)
- ۴ (۳)
- ۵ (۴)

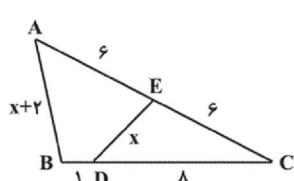
۹۵- در شکل زیر، اگر $EF = x - ۳$ و $AD = x + ۱$ باشد، طول AD کدام است؟



- ۵ (۱)
- ۶ (۲)
- ۷ (۳)
- ۸ (۴)

Konkur.in

۹۶- در شکل زیر، مقدار X کدام است؟



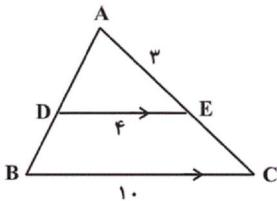
- ۴ (۱)
- $\frac{16}{7}$ (۲)
- ۳ (۳)
- ۵ (۴)

۹۷- در مثلث قائم الزاویه‌ای با مساحت ۱۵۰ سانتی‌متر مربع، قطعاتی که ارتفاع وارد بر وتر، روی آن پدیده می‌آورد با اعداد ۹ و ۱۶ متناسب‌اند.

محیط مثلث کدام است؟

- | | |
|--------|--------|
| ۶۰ (۲) | ۴۵ (۱) |
| ۹۰ (۴) | ۷۵ (۳) |

-۹۸- در شکل زیر، محیط مثلث ABC برابر ۲۸ است. محیط ذوزنقه $DECB$ کدام است؟



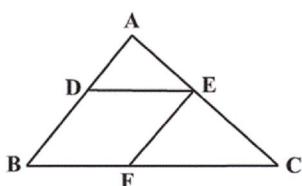
(۱) ۲۲

(۲) ۲۴/۸

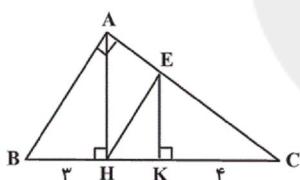
(۳) ۲۷/۵

(۴) ۳۳/۵

-۹۹- در شکل زیر، چهارضلعی $BDEF$ لوزی است. اگر $CF = 6$ و $AD = 4$ باشد، حاصل $\frac{CE}{AC}$ کدام است؟

(۱) $\frac{2}{3}$ (۲) $\frac{3}{5}$ (۳) $\frac{2}{5}$ (۴) $\frac{9}{13}$

-۱۰۰- در شکل زیر، $\hat{A} = 90^\circ$ و $KC = 4$ و $BH = 3$ و $HE \parallel AB$ می‌باشد. طول AH کدام است؟

(۱) $2\sqrt{3}$ (۲) $3\sqrt{3}$ (۳) $3\sqrt{2}$ (۴) $2\sqrt{2}$

سایت کنکور

-۱۰۱- اگر کار کل نیروهای وارد بر یک جسم در یک مسیر صفر باشد، در این صورت الزاماً کدام گزینه صحیح است؟

(۱) جابه‌جایی جسم صفر است.

(۲) جسم با تندی ثابت حرکت کرده است.

(۳) مجموع کار تمام نیروهای وارد بر جسم صفر است.

(۴) هیچ یک از موارد فوق صحیح نیست.

-۱۰۲- شخصی سوار بر یک بالن است و بالن با تندی ثابت ۷ به سمت پایین حرکت می‌کند. کار انجام شده بر روی این شخص توسط بالن و توسط

زمین به ترتیب از راست به چه چگونه است؟

(۱) مثبت - منفی

(۲) منفی - مثبت

(۳) مثبت - مثبت

(۴) منفی - منفی

۱۰۳ - معادله تندی جسمی به جرم 2 kg بر حسب زمان در SI به صورت $v = t^3 - 8t + 3$ می باشد. کل کار انجام شده بر روی آن از لحظه شروع حرکت تا لحظه توقف آن چند ژول می باشد؟

(۱)

-۳ (۲)

-۹ (۳)

۹ (۴)

۱۰۴ - مطابق شکل به جسمی به جرم 2 kg ، نیروی ثابت \vec{F} وارد می شود و پس از 20 متر جایه جایی روی سطح افقی تندی جسم از $10 \frac{\text{m}}{\text{s}}$

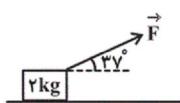
$$(\cos 37^\circ = 0.8) \quad \text{به } 20 \frac{\text{m}}{\text{s}} \text{ می رسد. در صورتی که از اصطکاک صرف نظر شود، اندازه نیروی } F \text{ چند نیوتون است؟}$$

۱۸ / ۷۵ (۱)

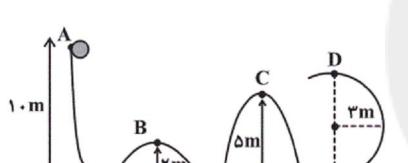
۳۷ (۲)

۲۵ (۳)

۵۰ (۴)



۱۰۵ - مطابق شکل زیر، یک توپ از نقطه A رها شده و بدون جدا شدن از سطح به نقطه D می رسد. کار نیروی وزن طی انتقال این توپ از نقطه A تا B، چند برابر کار نیروی وزن طی جایه جایی از نقطه B تا D است؟ (مسیر سمت راست شکل به صورت بخشی از دایره است و فرض کنید توپ از سطح جدا نمی شود).



۱ / ۲ (۱)

۲ (۲)

-۱ / ۲ (۳)

-۲ (۴)

۱۰۶ - جسمی به جرم m در امتداد سطحی افقی با تندی اولیه v_0 پرتاب می شود. اگر پس از جایه جایی d تندی جسم به $\frac{1}{3}v_0$ برسد، در این مدت اندازه کار نیروهای مقاوم چه کسری از انرژی جنبشی اولیه جسم است؟

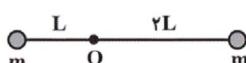
۳ / ۴ (۱)

۳ / ۴ (۲)

۱ / ۴ (۳)

۱ / ۲ (۴)

۱۰۷ - به دو سر میله ای سبک، دو گلوله نیم کیلویی متصل کرده و از وضعیت نشان داده شده رها می کنیم تا حول نقطه O دوران کند. اگر از کلیه نیروهای اتلافی صرف نظر کنیم، در لحظه ای که میله برای اولین بار به صورت قائم قرار می گیرد، مجموع انرژی جنبشی گلوله ها ۱ ژول می شود. L چند سانتی متر است؟



$$(g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}})$$

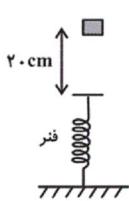
۲۰ (۱)

۶۰ (۲)

۴۰ (۳)

۸۰ (۴)

۱۰۸ - جسمی به جرم 50 g از ارتفاع 20 سانتی متری بالای فنر قائمی رها می شود و پس از برخورد به فنر، آن را 4 cm فشرده می کند تا برای لحظه ای متوقف شود. اگر از اتلاف انرژی و جرم فنر صرف نظر شود، کار نیروی کشسانی فنر در این حالت چند ژول خواهد بود؟



$$(g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}})$$

۱ / ۲ (۱)

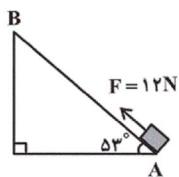
-۱ / ۲ (۲)

۱ (۳)

-۱ (۴)

۱۰۹- توسط نیروی \vec{F} جسمی به جرم 1 kg را از حالت سکون و از نقطه A تا نقطه B بالا میبریم. اگر $\overline{AB} = 5\text{ m}$ و تندی جسم در لحظه

$$\text{رسیدن به نقطه B برابر } \frac{\text{m}}{\text{s}} \text{ باشد، کار نیروی اصطکاک در این جایه‌جایی چند ژول میشود؟} \quad (\sin 53^\circ = 0.8, g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}})$$



(۱) ۱۲

(۲) -۲۰

(۳) ۲۰

(۴) -۱۲

۱۱۰- مقدار انرژی که در مدت زمان مشخصی به موتور یک تریلی به جرم $g \times 10^6 \text{ kg}$ میرسد، برابر با 2 MJ است. اگر 80 km درصد این انرژی تلف شود و تریلی روی یک جاده افقی حرکت کند، در این مدت زمان مشخص، سرعت آن از حالت سکون به چند کیلومتر بر ساعت میرسد؟

(۱) ۷۲

(۲) ۲۰

(۳) ۳۶

(۴) ۱۰

۱۱۱- کدام یک از گزینه‌های زیر صحیح است؟

(۱) میدان الکتریکی، خاصیتی است که در فضای اطراف بارهای الکتریکی به وجود می‌آید.

(۲) میدان الکتریکی در هر نقطه، به بار موجود در آن نقطه وابسته است.

(۳) هر چه تعداد بارهای الکتریکی بیشتر باشد، بزرگی میدان الکتریکی در یک نقطه معین، الزاماً افزایش می‌یابد.

(۴) هر چه فاصله خطوط میدان الکتریکی بیشتر شود، اندازه میدان الکتریکی در آن نقطه از فضا بیشتر است.

۱۱۲- اگر دو بار الکتریکی نقطه‌ای غیرهمنام q و Q و دو بار الکتریکی نقطه‌ای همنام Q و Q در فاصله d از هم به ترتیب نیروی جاذبه به بزرگی 30 N و نیروی دافعه به بزرگی 40 N را به یکدیگر وارد کنند، دو بار (Q + q) و (Q - q) در فاصله d چه نیرویی برحسب نیوتون بر هم وارد می‌کنند؟

(۱) ۱۰

(۲) ۵۰

(۳) ۳۵

(۴) ۷۰

۱۱۳- هسته اتم آهن دارای 26 پروتون می‌باشد که فاصله تقریبی آنها از یکدیگر $2 \times 10^{-12}\text{ mm}$ می‌باشد، اندازه نیروی الکتریکی بین هر دو پروتون در هسته این اتم چند نیوتون و چگونه است؟

$$(e = 1/13 \times 10^{-19}\text{ C}, k = 9 \times 10^{15} \frac{\text{N} \cdot \text{mm}^2}{\text{C}^2})$$

(۱) ۵۷۶/۰، جاذبه

(۲) ۵۷۶/۶، دافعه

(۳) ۵۷۶/۰، دافعه

۱۱۴- دو بار الکتریکی نقطه‌ای با اندازه برابر در فاصله r بر هم نیروی الکتریکی از نوع جاذبه به بزرگی 605 N وارد می‌کنند. اگر 10 km درصد از بار یکی از آنها را برداشت و به دیگری اضافه کنیم و همچنین فاصله‌شان را نیز 10 km درصد افزایش دهیم، بزرگی نیروی الکتریکی ای که دو بار به هم وارد می‌کنند چند نیوتون می‌شود؟

(۱) ۴۹۵

(۲) ۹۰۳

(۳) ۷۲۴

۱۱۵- بردار میدان الکتریکی یکنواخت در یک نقطه از فضا در SI به صورت $\vec{E} = (3\vec{i} + 4\vec{j}) \times 10^5 \text{ N/C}$ است. بردار نیروی الکتریکی وارد بر بار $-2\mu\text{C}$ در این نقطه، در SI کدام است؟

(۱) $0/15\vec{i} + 0/8\vec{j}$ (۲) $0/2\vec{j} + 0/15\vec{i}$ (۳) $-0/15\vec{i} - 0/8\vec{j}$ (۴) $0/8\vec{i} + 0/15\vec{j}$

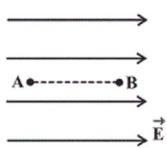
۱۱۶- دو بار نقطه‌ای غیرهمنام q_1 و q_2 که اندازه بار آنها برابر q است ($q_1 > q_2$) در فاصله r از هم قرار دارند و اندازه میدان الکتریکی برایند در نقطه A وسط فاصله آنها از هم برابر E است. اگر نیمی از بار q_2 را برداریم و به q_1 بدهیم، اندازه میدان برایند در نقطه A گزینه می‌شود؟

(۱) $\frac{E}{4}$ (۲) $\frac{E}{2}$

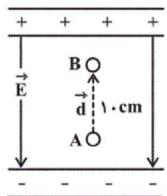
(۳) E

(۴) صفر

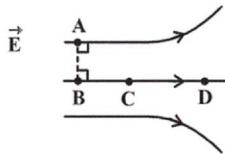
- ۱۱۷- مطابق شکل زیر در میدان الکتریکی یکنواخت \vec{E} ، بار الکتریکی نقطه‌ای به جرم 10 g و بار الکتریکی $C + 2\text{ mC}$ را از نقطه A با پتانسیل الکتریکی 10 Volt و با تندي $\frac{\text{m}}{\text{s}}$ در جهت خطهای میدان پرتاب می‌کنیم تا با تندي V_B با پتانسیل -20 V برسد. تندي V_B چند متر بر ثانیه است؟ (از اتلاف انرژی و نیروی وزن صرف‌نظر می‌کنیم).
- (۱) ۴
(۲) $2\sqrt{2}$
(۳) $\sqrt{2}$
(۴) $4\sqrt{2}$



- ۱۱۸- مطابق شکل زیر، یک بار الکتریکی نقطه‌ای با اندازه $C + 100\text{nC}$ را در میدان الکتریکی یکنواختی به بزرگی $4000\frac{\text{N}}{\text{C}}$ با تندي ثابت از نقطه A به نقطه B می‌بریم. در این جایه‌جایی تغییر انرژی پتانسیل الکتریکی بار چند میکروژول است؟ (از وزن بار صرف‌نظر می‌شود).
- (۱) $+0/4$
(۲) $+40$
(۳) $-0/4$
(۴) -40



- ۱۱۹- در شکل زیر، خطهای میدان الکتریکی مشخص شده است. کدام گزینه مقایسه پتانسیل الکتریکی نقاط A، B، C و D را به درستی نشان می‌دهد؟



$$\begin{aligned}V_A &= V_B > V_C > V_D \quad (1) \\V_D &> V_C = V_B = V_A \quad (2) \\V_D &> V_C > V_B = V_A \quad (3) \\V_A &> V_B = V_C = V_D \quad (4)\end{aligned}$$

- ۱۲۰- دو بار الکتریکی نقطه‌ای q_1 و q_2 به ترتیب در نقاط A $\left(\frac{6}{2}\text{ cm}\right)$ و B $\left(\frac{6}{2}\text{ cm}\right)$ در صفحه xoy واقع شده‌اند. چند میکروکولن باشد تا اگر بار q_3 را در نقطه O (مبدأ مختصات) قرار دهیم، برایند نیروهای الکتریکی وارد بر آن از طرف بارهای q_1 و q_2 برابر با صفر باشد؟

Konkur.in

- ۱۲۱- اگر به جسم رسانایی که دارای بار الکتریکی $C = +16 \times 10^{-6}\text{ C}$ است، 10^5 الکترون بدھیم، بار الکتریکی نهایی جسم پس از این تبادل چند کولن خواهد شد؟ ($e = 1/16 \times 10^{-19}\text{ C}$)

$$\begin{aligned}(2) \quad -1/44 \times 10^{-4} \\(1) \quad 1/44 \times 10^{-4} \\(3) \quad -1/6 \times 10^{-5} \\(4) \quad \text{صفر}\end{aligned}$$

- ۱۲۲- وقتی دو جسم جامد در اثر مالش به یکدیگر دارای بار الکتریکی می‌شوند در این عمل ...

- (۱) پروتون‌ها و الکترون‌ها در دو جسم با هم مبادله می‌شوند.
(۲) پروتون‌های یک جسم به جسم دیگر منتقل می‌شوند.
(۳) الکترون‌های یک جسم به جسم دیگر منتقل می‌شوند.
(۴) یون‌های مثبت و منفی در دو جسم با هم مبادله می‌شوند.

- ۱۲۳- دو کره فلزی که روی پایه‌های عایقی قرار دارند، دارای بار الکتریکی هستند. اندازه نیروی الکتریکی بین این دو کره در فاصله d برابر F است. اگر آن دو را به هم تماس داده و دوباره در همان فاصله قرار دهیم، اندازه نیرو F' می‌شود. کدام رابطه بین F و F' برقرار است؟

$$\begin{aligned}(2) \quad F < F' \\(1) \quad F > F' \\(3) \quad F = F'\end{aligned}$$

(۴) بسته به شرایط هر کدام ممکن است صحیح باشد.

۱۲۴- دو بار مساوی و همنام Q بر یکدیگر نیروی F را وارد می‌کنند. اگر نصف یکی از بارها را برداشته و به دیگری اضافه کنیم در همان فاصله قبلی، نیروی متقابل چند F می‌شود؟

$$\frac{16}{9} \quad (4)$$

$$\frac{9}{16} \quad (3)$$

$$\frac{4}{3} \quad (2)$$

$$\frac{3}{4} \quad (1)$$

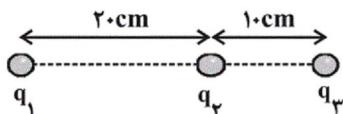
۱۲۵- در شکل زیر، برایند نیروهای الکتریکی وارد بر هر یک از بارهای نقطه‌ای برابر صفر است. $\frac{q_3}{q_2}$ کدام است؟

$$-4 \quad (1)$$

$$4 \quad (2)$$

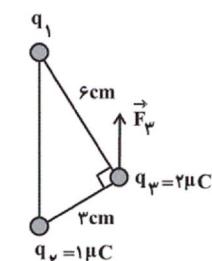
$$-\frac{9}{4} \quad (3)$$

$$\frac{9}{4} \quad (4)$$



۱۲۶- در شکل زیر، سه بار الکتریکی نقطه‌ای در سه رأس مثلث قائم‌الزاویه‌ای ثابت شده‌اند. اگر \vec{F}_3 برایند نیروهای الکتریکی وارد بر بار q_3 موازی خط

$$\text{واصل } q_1 \text{ و } q_2 \text{ باشد، } F_3 \text{ چند نیوتون است؟ } (k = 9 \times 10^9 \frac{\text{N} \cdot \text{m}^2}{\text{C}^2})$$



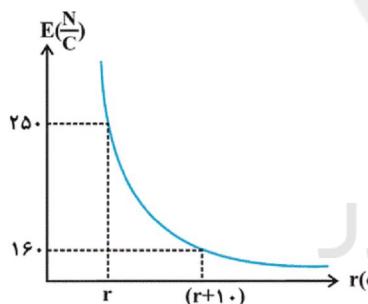
$$8\sqrt{5} \quad (1)$$

$$12\sqrt{5} \quad (2)$$

$$16\sqrt{5} \quad (3)$$

$$20\sqrt{5} \quad (4)$$

۱۲۷- نمودار اندازه میدان الکتریکی بر حسب فاصله در اطراف یک ذره باردار به صورت زیر نشان داده شده است. فاصله r در نمودار برابر چند سانتی‌متر است؟



$$20 \quad (1)$$

$$40 \quad (2)$$

$$\frac{40}{9} \quad (3)$$

$$\frac{160}{9} \quad (4)$$

۱۲۸- دو بار الکتریکی نقطه‌ای ناهمنام با اندازه‌های مساوی به فاصله d از یکدیگر قرار دارند و بزرگی میدان الکتریکی برایند حاصل از آن‌ها در وسط دو بار E است. هرگاه یکی از بارها را به اندازه $\frac{d}{4}$ به دیگری نزدیک کنیم، بزرگی میدان الکتریکی در همان نقطه چند E خواهد بود؟

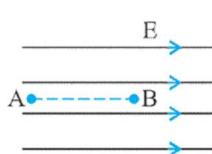
$$4 \quad (4)$$

$$2/5 \quad (3)$$

$$2 \quad (2)$$

$$1/5 \quad (1)$$

۱۲۹- در شکل زیر، در میدان الکتریکی یکنواختی به بزرگی $\frac{N}{C} \cdot 10^5$ ، ذرهای با بار الکتریکی $-5\mu C$ در نقطه B بدون سرعت اولیه رها می‌شود. وقتی این ذره در مسیر مستقیم، ۲۰ سانتی‌متر جایه‌جا شده و به نقطه A می‌رسد، انرژی جنبشی آن چند ژول می‌شود؟ (از اثر گرانش و نیروهای مقاوم در مقابل حرکت ذره صرف نظر شود)



$$0/1 \quad (1)$$

$$0/5 \quad (2)$$

$$0/01 \quad (3)$$

$$0/05 \quad (4)$$

- ۱۳۰- در یک میدان الکتریکی، بار $C = -2\mu C$ از نقطه A تا B جابه‌جا می‌شود. اگر انرژی پتانسیل الکتریکی آن در نقاط A و B به ترتیب $W_{mJ} / 4$ و $W_{mJ} / 6$ باشد، پتانسیل نقطه A برابر $V_0 = 20$ باشد، پتانسیل نقطه B چند ولت است؟

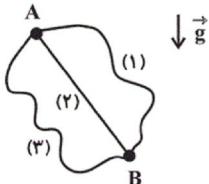
۱۲۰) ۴

-۱۲۰) ۳

-۸۰) ۲

۸۰) ۱

- ۱۳۱- مطابق شکل زیر، جسمی را از سه مسیر مختلف از نقطه A تا نقطه B جابجا می‌کنیم. رابطه بین کار انجام شده توسط نیروی وزن در این سه مسیر چگونه است؟



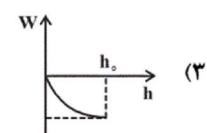
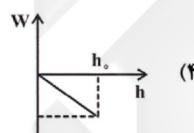
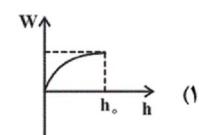
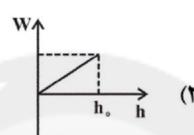
$$W_{mg,1} > W_{mg,2} > W_{mg,3} \quad (1)$$

$$W_{mg,3} > W_{mg,2} > W_{mg,1} \quad (2)$$

$$W_{mg,1} = W_{mg,2} = W_{mg,3} \quad (3)$$

۴) نمی‌توان اظهارنظر قطعی کرد.

- ۱۳۲- در شرایط خلا، جسمی به جرم m را از سطح زمین با سرعت اولیه $v_0 = 7$ در راستای قائم به سمت بالا پرتاب می‌کنیم. جسم تا ارتفاع h بالا می‌رود. کدام نمودار کار کل انجام شده روی جسم را در بالا رفتن به درستی نشان می‌دهد؟



- ۱۳۳- گلوله‌ای با تندي $v_0 = 7$ به طور افقی به تنۀ درختی برخورد می‌کند و در همان راستا با تندي v' از طرف دیگر تنۀ درخت خارج می‌شود.

اگر $\frac{v'}{v} = 36$ درصد انرژی جنبشی اولیه گلوله در داخل تنۀ درخت تلف شود، کدام است؟

۱) $\frac{1}{2}$ ۲) $\frac{3}{8}$ ۳) $\frac{3}{5}$ ۴) $\frac{4}{5}$ ۵) $\frac{3}{5}$

- ۱۳۴- گلوله‌ای به جرم $m = 20$ گرم را از ارتفاع $h_0 = 45$ متری سطح زمین رها می‌کنیم. اگر گلوله با تندي $v_0 = 20$ متر بر ثانیه به زمین برسد، به ترتیب از

راست به چپ کار نیروی مقاومت هوا و اندازۀ متوسط نیروی مقاومت هوا در طول مسیر چند واحد SI است؟ $(g = 10 \frac{N}{kg})$

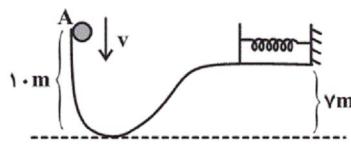
۱) $\frac{8}{9}$ ۲) $\frac{10}{9}$ ۳) $\frac{50}{9}$ ۴) $\frac{40}{9}$ ۵) $\frac{10}{9}$

- ۱۳۵- توان مصرفی یک ماشین بالابر $P = 400$ وات است. اگر 25 ثانیه طول بکشد تا وزنه‌ای $W = 800$ نیوتنی را با این ماشین به اندازه $m = 10$ با تندي

ثابت بالا ببریم، بازده این ماشین چند درصد است؟ $(g = 10 \frac{N}{kg})$

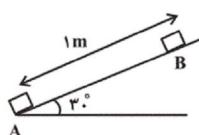
۱) 80 ۲) 60 ۳) 50 ۴) 20 ۵) 10

۱۳۶- مطابق شکل زیر، در شرایط خلا کولهای به جرم 2 kg با تندی $10 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ از نقطه A روی سطح به سمت پایین پرتاب شده و سپس از طرف دیگر سطح بالا رفته و به فتری افقی برخورد کرده و آن را فشرده می کند. در لحظه ای که انرژی پتانسیل کشسانی مجموعه جسم و فنر به 39 J می رسد، تندی این گلوله چند متر بر ثانیه است؟ ($\text{g} = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$ و از جرم فنر و اصطکاک مسیر صرف نظر کنید).



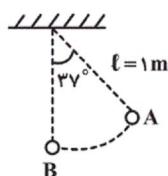
- ۱۱) ۱
۱۲) ۲
۱۳) ۳
۱۴) ۴

۱۳۷- مطابق شکل زیر، جسمی به جرم 2 kg از نقطه A با تندی اولیه $4 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ بر روی سطح شیبدار به سمت بالا پرتاب شده و در نقطه B متوقف می شود. اندازه نیروی اصطکاک بین جسم و سطح شیبدار چند نیوتون است؟ ($\text{g} = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}$ و از نیروی مقاومت هوا صرف نظر کنید).



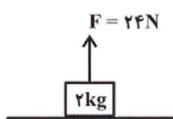
- ۱) صفر
۲) ۶
۳) ۳
۴) ۴

۱۳۸- مطابق شکل زیر، گلولهای که از یک نخ با جرم ناچیز آویزان است، از نقطه A رها می شود. تندی گلوله در لحظه عبور از نقطه B چند متر بر ثانیه است؟ ($\sin 37^\circ = 0.6$ ، $\text{g} = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}$ و از اتلاف انرژی صرف نظر شود).



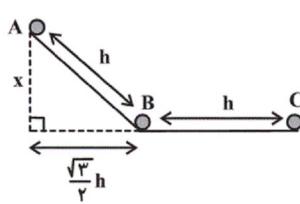
- ۱) ۱
۲) ۲
 $\sqrt{2}$ ۳
۴) ۴

۱۳۹- مطابق شکل زیر، به جسم ساکنی به جرم 2 kg نیروی قائم $F = 24\text{ N}$ را وارد می کنیم تا جسم در راستای قائم جابه جا شود. پس از ۲ متر جابه جایی، تغییرات انرژی پتانسیل گرانشی جسم چند ژول بیشتر از تغییرات انرژی جنبشی آن خواهد بود؟ ($\text{g} = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}$ و از مقاومت هوا صرف نظر کنید).



- ۳۲) ۱
۲۴) ۲
۱۶) ۳
۴) صفر

۱۴۰- مطابق شکل زیر، جسمی به جرم m در نقطه A از حال سکون روی سطح رها می شود. اگر این جسم در نقطه C متوقف شود، اندازه نیروی اصطکاک میان جسم و سطح BC چند برابر وزن جسم است؟ (از نیروی مقاومت هوا و اصطکاک میان جسم و سطح در مسیر AB صرف نظر کنید).



- ۱) $\frac{1}{2}$
 $\frac{1}{2}$ ۳
 $\frac{1}{2}$ ۴
 $\frac{1}{4}$ ۴

۱۴۱- انرژی جنبشی گلولهای $J = 4$ و تندی آن $\frac{\text{m}}{\text{s}}$ است. تندی آن را به چند متر بر ثانیه برسانیم تا انرژی جنبشی آن 5 J شود؟

- ۵ $\sqrt{2}$ ۴ ۲۷۵ ۳ ۸ ۲ ۵ ۱

۱۴۲- کمترین نیروی لازم برای کشیدن جعبه‌ای روی سطحی افقی برابر با $N = 40$ است. کار انجام شده توسط این نیرو در ۸۰ سانتی‌متر
جابه‌جایی جسم روی سطح برابر با چند ژول است؟

- (۱) ۳۲ (۲) ۵۰ (۳) ۳۲۰ (۴) ۵۰۰

۱۴۳- در شکل زیر، اگر در سطح شیب‌دار اندازه نیروی اصطکاک برابر با 10° وزن جسم باشد و جسم از نقطه A به نقطه B برسد، کار نیروی

$$\text{وزن روی جسم در این جابه‌جایی چند ژول است? } \left(g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}} \right)$$

(۱) ۴۰ (۲) ۵۰ (۳) ۶۰ (۴) ۱۰۰

۱۴۴- اتومبیلی به جرم ۲ تن در یک سطح شیب‌دار که با سطح افق زاویه 30° درجه می‌سازد، رو به بالا در حرکت است. اگر تندی اتومبیل در مدت

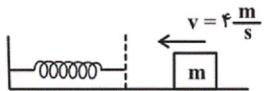
۲۰ ثانیه از $\frac{m}{s}$ به $\frac{2m}{s}$ برسد، کار کل انجام شده بر روی اتومبیل در این بازه زمانی چند کیلوژول است؟

- (۱) ۱۴۰ (۲) ۱۴۸ (۳) ۲۱۰ (۴) ۲۱۸

۱۴۵- گلوله‌ای به جرم 20 g با تندی $\frac{m}{s}$ به مانعی برخورد می‌کند و با تندی 40 m/s از طرف دیگر آن خارج می‌شود. کار کل انجام شده روی گلوله در این برخورد چند ژول است؟

- (۱) ۶۰ (۲) ۱۲۰ (۳) ۸۰ (۴) -۸۴

۱۴۶- مطابق شکل زیر، جسمی به جرم 5 kg با تندی $\frac{m}{s}$ روی سطح افقی بدون اصطکاکی می‌لغزد و پس از برخورد با فنری آن را فشرده می‌کند. وقتی جسم توسط فنر به طور لحظه‌ای متوقف می‌شود، تغییرات انرژی پتانسیل کشسانی سامانه جسم و فنر چند ژول است؟



- (۱) ۴ (۲) -۴ (۳) ۸ (۴) -۸

۱۴۷- در شرایط خلا، جسمی به جرم 2 kg را با تندی $\frac{m}{s}$ در راستای قائم رو به بالا پرتاب می‌کنیم. انرژی مکانیکی جسم در نصف ارتفاع اوج چند ژول است؟ (مبداً پتانسیل گرانشی، محل پرتاب فرض شده است).

- (۱) ۱۰۰ (۲) ۵۰ (۳) $50\sqrt{2}$ (۴) $25\sqrt{2}$

۱۴۸- توپی به جرم 45 kg مطابق شکل با تندی اولیه $\frac{m}{s}$ از نقطه A به سمت راست پرتاب می‌شود. نیروی مقاومت هوا و نیروی اصطکاک بین سطح تماس توپ با زمین، 20° درصد انرژی جنبشی اولیه توپ را تا رسیدن به نقطه B تلف می‌کند. تندی توپ در نقطه B تقریباً چند متر بر ثانیه است؟



- (۱) ۷/۱ (۲) ۴/۱ (۳) ۶/۱ (۴) ۵/۱

۱۴۹- هواپیمای ایرباس A به جرم $320 \times 10^4 \text{ kg}$ در امتداد باند هواپیما از حال سکون شروع به حرکت می‌کند و پس از ۲۰ ثانیه با تندی $\frac{\text{km}}{\text{h}}$ از روی باند به پرواز درمی‌آید، توان موتورهای این هواپیما چند مگاوات است؟

- (۱) ۲۰ (۲) ۲۰۰ (۳) ۲۵/۹ (۴) ۲۵۹

۱۵۰- مولد A نسبت به مولد B دارای توان کمتر ولی بازده بیشتر است. این بدان معنی است که مولد A نسبت به مولد B با مقدار سوخت مساوی کار ... انجام می‌دهد.

- (۱) بیشتر و در زمان بیشتر (۲) بیشتر و در زمان بیشتر (۳) کمتر و در زمان بیشتر (۴) کمتر و در زمان بیشتر

۱۵۱- عبارت کدام گزینه نادرست است؟

(۱) تعداد زیرلایه‌های هر لایه برابر با شماره آن لایه است.

(۲) زیرلایه‌ای با $3 = I$ در لایه با $4 = n$ به صورت $4f$ نمایش داده می‌شود.

(۳) گنجایش هر زیرلایه به لایه‌ای که در آن قرار دارد، وابسته است.

(۴) حداکثر گنجایش هر زیرلایه را می‌توان با رابطه $(1+2)(2+1)$ به دست آورد.

۱۵۲- عدد جرمی اتم عنصر M برابر با ۶۴ و تفاوت شمار پروتون و نوترون‌های هسته آن برابر با ۶ می‌باشد. با توجه به این توضیحات، کدام گزینه نادرست است؟

۱) شمار الکترون‌ها در سومین لایه اتم M برابر با ۱۸ می‌باشد.

۲) عنصر M در دوره چهارم و گروه یازدهم جدول دوره‌ای قرار دارد.

۳) شمار الکترون‌ها در خارجی‌ترین زیرلایه اتم M و K یکسان است.

۴) آرایش الکترونی کاتیون M^{2+} با اتم X ۲۷ یکسان می‌باشد.

۱۵۳- اگر عنصر X از گروه ۱۴ با عنصر Y ۳۵ هم دوره باشد، عدد اتمی عنصر X کدام است و در بیرونی‌ترین لایه الکترونی آن چند الکtron وجود دارد؟

(۱) ۲-۳۲ (۲) ۴-۳۲

(۳) ۲-۳۳ (۴) ۴-۳۳

۱۵۴- کدام گزینه درست است؟

۱) مجموع عدد کوانتمومی اصلی و عدد کوانتمومی فرعی الکترون‌های لایه ظرفیت عناصری که در یک گروه قرار دارند، با یکدیگر برابر است.

۲) عناصر یک گروه، در ترکیبات یونی، بار الکتریکی برابر داشته و به آرایش الکترونی گاز نجیب یکسانی می‌رسند.

۳) ترکیبات یونی ترکیباتی خنثی هستند، چون تعداد یون‌های مثبت و منفی آن‌ها برابر است.

۴) در ترکیب CaCl_2 ، کاتیون و آنیون به آرایش الکترونی گاز نجیب آرگون دست یافته‌اند. (۱۷ Cl و ۲۰ Ca)

۱۵۵- عدد اتمی تعدادی از عناصر در گزینه‌های زیر آمده است. در کدام یک از گزینه‌های زیر همه عناصر برای رسیدن به آرایش الکترونی پایدار گاز نجیب، می‌توانند در واکنش با سایر عناصر، الکترون دریافت کنند؟

(۱) ۱۱، ۹، ۸، ۷ (۲) ۱۳، ۹، ۸، ۷

(۳) ۱۶، ۱۵، ۸، ۷ (۴) ۱۹، ۱۲، ۱۱، ۳

۱۵۶- در چه تعداد از موارد زیر، شمار یون‌ها در فرمول شیمیایی هر دو ترکیب یونی با هم برابر است؟

الف) منیزیم نیترید- کلسیم فسفید

ب) پتاسیم نیترید- آلمینیم فلوئورید

پ) کلسیم اکسید- لیتیم برمید

(۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) ۴

۱۵۷- چند مورد از مطالب بیان شده زیر صحیح می‌باشند؟

الف) روند تغییر دما در هواکره را می‌توان دلیلی بر لایه‌ای بودن آن دانست.

ب) در لایه‌های مختلف هواکره تنها مولکول‌ها و اتم‌ها وجود دارند.

پ) گاز O_3 را می‌توان در لایه‌ای از هواکره یافت که در ارتفاع حدود ۱۲ تا ۵۰ کیلومتری از سطح زمین قرار گرفته است.

ت) در لایه تروپوسفر به ازای هر کیلومتر افزایش ارتفاع، فشار هوا به طور منظم و خطی افت می‌کند.

(۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) ۴

۱۵۸- در فرایند تقطیر جزء به جزء هوای مایع، گاز ... بعد از گاز ... در دمای ... از هوای مایع جدا می شود و یکی از کاربردهای آن ... است.

(۱) اکسیژن- آرگون- (۹۰K) - شرکت در فرایند سوختن برای تولید انرژی

(۲) هلیم- نیتروژن- (-۲۶۹°C) - خنک کننده قطعات MRI

(۳) آرگون- اکسیژن- (۸۷K) - محیط بی اثر در جوشکاری

(۴) نیتروژن- آرگون- (-۷۷°C) - در صنعت سرماسازی برای انجماد مواد غذایی

۱۵۹- ارتفاع تقریبی لایه تروپوسفر برابر با ۱۲km است و در این لایه با افزایش هر یک کیلومتر ارتفاع از سطح زمین، دما در حدود ۶°C کاهش می یابد. در انتهای این لایه دما برابر با چند کلوین است؟ (میانگین دما در سطح زمین را ۱۴°C در نظر بگیرید.)

۲۲۱ (۴)

۲۲۹ (۳)

۲۱۵ (۲)

۲۱۸ (۱)

۱۶۰- کدام گزینه نادرست است؟

(۱) نوع فراورده ها در واکنش سوخت های فسیلی، به مقدار اکسیژن در دسترس بستگی دارد.

(۲) میل ترکیبی CO با هموگلوبین خون بسیار زیاد و بیش از ۲۰۰ برابر کربن دی اکسید می باشد.

(۳) اکسیژن در ساختار همه مولکول های زیستی مانند کربوهیدرات ها، چربی ها و پروتئین ها یافت می شود.

(۴) پایداری کربن دی اکسید از کربن مونوکسید بیش تر است و کربن مونوکسید در حضور گاز اکسیژن و در شرایط مناسب می سوزد.

۱۶۱- کدام گزینه نادرست است؟

(۱) گسترش فناوری به میزان دسترسی به مواد مناسب وابسته است، به طوری که کشف و درک خواص یک ماده جدید، پرچمدار توسعه فناوری است.

(۲) با گسترش دانش تجربی، شیمی دان ها به رابطه میان خواص مواد با عنصرهای سازنده آن ها پی بردند.

(۳) گسترش صنعت خودرو مدبون شناخت و دسترسی به فولاد و پیشرفت صنعت الکترونیک بر اجزایی مبتنی است که از موادی به نام نارساناها ساخته می شوند.

(۴) شیمی دان ها دریافتند که گرما دادن به مواد و افزودن آن ها به یکدیگر سبب تغییر و گاهی بهبود خواص مواد می شود.

۱۶۲- همه عبارت های زیر درست هستند، به جز ...

(۱) در سال های اخیر میزان استفاده از مواد معدنی، بیش تر از سوخت های فسیلی بوده است.

(۲) همه مواد طبیعی و بیش تر مواد مصنوعی از کره زمین به دست می آیند.

(۳) در فرایند تولید ورقه های فولادی و تایر دوچرخه، بخشی از مواد دور ریخته می شود.

(۴) چون موادی که از طبیعت به دست می آید به شکل دیگر به طبیعت برمی گردند، تقریباً جرم کل مواد در کره زمین ثابت می ماند.

۱۶۳- با توجه به عنصرهای گروه ۱۴ جدول دوره ای عناصرها (به جز دوره هفتم)، کدام مورد از عبارت های زیر درست هستند؟

الف) ۸۰ درصد آن ها براق هستند.

ب) ۶۰ درصد آن ها بر اثر ضربه خرد می شوند.

پ) همه آن ها می توانند رسانای برق باشند.

ت) همه آن ها می توانند رسانای گرما باشند.

(۱) «الف»، «ب» و «پ»

(۲) «ب» و «ت»

(۳) «الف» و «ب»

۱۶۴- کدام گزینه جای خالی عبارت‌های زیر را به ترتیب از راست به چپ به درستی تکمیل می‌کند؟

الف) فلزها به طور عمده در سمت ... جدول دوره‌ای قرار دارند.

ب) با افزایش عدد اتمی در هر گروه، شعاع اتمی و خصلت ... افزایش می‌یابد.

پ) فلز A ۱۲ در مقایسه با فلز B ۲۰ ... الکترون از دست می‌دهد.

(۱) چپ و مرکز - فلزی - دشوارتر (۲) چپ و بالای - نافلزی - آسان تر

(۳) راست و مرکز - فلزی - دشوارتر (۴) چپ و مرکز - نافلزی - آسان تر

۱۶۵- در سه عنصر Li_{۱۱} و K_{۱۹}، به ترتیب از راست به چپ، شمار الکترون‌های لایه ظرفیت، بار کاتیون پایدار، شعاع اتمی و تمایل به از

دست دادن الکترون، چگونه تغییر می‌کند؟

(۱) افزایش، افزایش، تقریباً ثابت، کاهش (۲) افزایش، افزایش، کاهش، کاهش

(۳) ثابت، ثابت، افزایش، افزایش (۴) ثابت، ثابت، افزایش، کاهش

۱۶۶- تعداد الکترون‌های موجود در زیرلایه 3p ۳ یکی از عناصر جدول دوره‌ای، دو برابر تعداد الکترون‌های زیرلایه 3d ۳ یکی از فلزهای واسطه است. این فلز واسطه کدام یک از ویژگی‌های زیر را نمی‌تواند داشته باشد؟

(۱) می‌توان آن را در وسایل خانه مانند تلویزیون رنگی یافت.

(۲) در صورتی که ۵ الکترون از دست بددهد به آرایش الکترونی پایدار گاز نجیب دوره قبل می‌رسد.

(۳) ترکیب‌های آن در طبیعت می‌تواند به صورت ترکیب‌های رنگی یافت شود.

(۴) عدد اتمی آن می‌تواند هر یک از اعداد ۲۱ تا ۲۵ باشد.

۱۶۷- چند مورد از مطالب بیان شده زیر درست هستند؟

الف) در شرایط یکسان، واکنش پذیری هالوژن دوره دوم جدول تناوبی از سایر هالوژن‌ها بیش تر است.

ب) در اکسیدهای طبیعی آهن، کاتیون‌های Fe^{۲+} و Fe^{۳+} وجود دارد که آرایش الکترونی آن‌ها همانند آرایش الکترونی گازهای نجیب است.

پ) فلزات واسطه از نظر رسانایی جریان الکتریکی و گرمایی، چکش خواری، قابلیت ورقه شدن و نیز آرایش الکترونی شبیه فلزات اصلی‌اند.

ت) نخستین فلز واسطه جدول دوره‌ای، در وسایل خانه مانند تلویزیون رنگی و برخی شیشه‌ها وجود دارد و کاتیون پایدار آن، آرایش الکترونی گاز نجیب قبل از خود را دارد.

(۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) ۴

۱۶۸- کدام گزینه درست است؟

(۱) تفاوت شعاع اتمی S_{۱۶} و Cl_{۱۷} از تفاوت شعاع اتمی Na_{۱۱} و Mg_{۱۲} بیش تر است.

(۲) در بین هالوژن‌ها، هالوژنی که شعاع اتمی کمتری دارد، آسان تر الکترون از دست می‌دهد.

(۳) مجموع n و I الکترون‌های لایه ظرفیت در اتم‌های Sc_{۲۱} و Ga_{۳۱} یکسان است.

(۴) شمار الکترون‌های با ۲ = I در اتم‌های A_{۲۵} و B_{۲۴} متفاوت است.

۱۶۹- نسبت تعداد الکترون‌های موجود در آخرین زیرلایه یون Cr^{۳+}_{۲۴}، به تعداد الکترون‌های موجود در لایه سوم یون Fe^{۳+}_۶ کدام است؟

(۱) $\frac{2}{13}$ (۲) $\frac{4}{13}$ (۳) $\frac{2}{10}$ (۴) $\frac{4}{10}$

۱۷۰- با توجه به داده‌های جدول زیر، کدام مطلب نادرست است؟ (حروف‌های A تا D نمادهای فرضی هستند.)

| آرایش الکترونی | یون |
|--------------------|-----------------|
| $[Ar]^{3d}^3$ | A ³⁺ |
| $[Ne]^{2s^2 2p^6}$ | B ⁴⁺ |
| $1s^2$ | C ⁺ |
| $[Ar]^{3d}^10$ | D ³⁺ |

- ۱) عدد اتمی عنصر A برابر با ۲۴ است و در آخرین زیرلایه آن، یک الکترون وجود دارد.
- ۲) زیرلایه d در اتم B دارای ۲ الکترون است.
- ۳) آرایش الکترونی کاتیون Be^{+4} و اتم C با یکدیگر مشابه هستند.
- ۴) کاتیون Ti^{4+} همانند D³⁺ به آرایش الکترونی پایدار گازهای نجیب نمی‌رسد.

۱۷۱- اتم X دارای ۱۶ الکترون با $I=1$ می‌باشد. همه عبارت‌های زیر درباره آن درست است، به جز ...

(۱) عدد اتمی عنصر X برابر با 3^4 می‌باشد.

(۲) در این عنصر، ۳ لایه الکترونی، کاملاً پر شده است.

(۳) در لایه ظرفیت اتم عنصر X شش الکترون وجود دارد.

(۴) تفاوت شمار الکترون‌های با $I=2$ در اتم X برابر با ۴ می‌باشد.

۱۷۲- در اتم عنصری از گروه ۹ و دوره ۴ جدول تناوبی، شمار زیرلایه‌های الکترونی کاملاً پر و شمار الکترون‌های با $I=1$ در بیرونی ترین لایه اتم به ترتیب از راست به چپ کدامند؟

(۱) ۰-۶ (۲) ۲-۶ (۳) ۲-۷ (۴) ۲-۷

- کدام گزینه درست است؟

(۱) اتم عنصرهای موجود در گروه‌های ۱۷ و ۱۲ جدول دوره‌ای به ترتیب تمایل به تشکیل کاتیون و آئیون دارند.

(۲) اگر شمار الکترون‌های خارجی ترین زیرلایه اتمی کمتر یا برابر با ۳ باشد، آن اتم در شرایط مناسب تمایل به از دست دادن الکترون دارد.

(۳) تفاوت عدد اتمی عنصر A⁵ با عدد اتمی عنصر B⁵ از دوره چهارم و گروه پانزدهم، برابر با ۲۰ می‌باشد.

(۴) شمار زیرلایه‌های الکترونی کاملاً پر در اتم‌های X³⁻ و Y⁴⁻ با هم متفاوت است.

۱۷۴- ساختار الکترون- نقطه‌ای عنصر X با عدد اتمی ۱۵، به صورت ... بوده و شمار الکترون‌های ظرفیتی این عنصر با شمار الکترون‌های ظرفیتی عنصری با عدد اتمی ... برابر است.

(۱) ۲۵ ، ۲۳ ، ۲۲ ، ۲۱ ، ۲۰ ، ۱۹ ، ۱۸ ، ۱۷

- کدام عبارت‌ها صحیح هستند؟

(الف) برای تشکیل هر واحد فرمولی از سدیم کلرید، یک الکترون میان آئیون و کاتیون مبادله می‌شود.

(ب) در تشکیل هر بیبوند در مولکول H_2O ، اتم‌های O و H به تعداد برابری الکترون به اشتراک می‌گذارند.

(پ) در لایه ظرفیت اتم‌ها در مولکول O₂ شمار الکترون‌هایی که تحت تاثیر جاذبه یک هسته قرار دارند، برابر با ۸ است.

(ت) در آرایش الکترون- نقطه‌ای عنصر B⁵، تعداد الکترون‌های تک، یکی بیش تر از تعداد الکترون‌های جفت می‌باشد.

(۱) «الف» و «ب» (۲) «الف» و «ت» (۳) «ب»، «پ» و «ت» (۴) «الف»، «ب» و «پ»

۱۷۵- چند مورد از عبارات زیر در مورد هواکره صحیح می‌باشند؟

(الف) در ناحیه‌ای از هواکره که با افزایش ارتفاع دما افزایش می‌یابد، حداقل ۳ نوع عنصر مختلف یافته می‌شود.

(ب) در لایه آخر هواکره به دلیل برخورد پرتوهای پر انرژی الکترومغناطیسی با مولکول‌ها و اتم‌ها، تنها یون یافته می‌شود.

(پ) لایه فیروزه‌ای اتمسفر بی‌رامون زمین، تا فاصله ۱۰۰ کیلومتری از سطح آن امتداد یافته است.

(ت) در محدوده ۱۰۰ کیلومتری از سطح زمین، به جز محدوده ۱۲ تا ۵ کیلومتری آن، در سایر لایه‌ها با افزایش ارتفاع روند تغییر دما و فشار یکسان است.

(۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) ۴

- کدام گزینه درست است؟

(۱) حدود ۷۵ درصد از حجم هواکره، در نزدیک ترین لایه به سطح زمین (تروپوسفر) قرار دارد.

(۲) سومین گاز فراوان هواکره، در مخلوط هوای مایع پس از گازهای نیتروژن و اکسیژن جمع آوری می‌شود.

(۳) درصد حجمی هلیم در هوای پاک و خشک بسیار کمتر از درصد حجمی آن در مخلوط گاز طبیعی است.

(۴) تنوع فراورده‌های تولید شده در واکنش سوختن کامل قندها بیش تر از واکنش سوختن زغال سنگ است.

۱۷۶- کدام گزینه در مورد نخستین گاز نجیب درست است؟

(۱) سبک‌ترین گاز، بی‌رنگ و بی‌بو است که کاربردهای فراوانی در زندگی دارد.

(۲) مقدار ناچیزی از آن در لایه‌های زیرین پوسته زمین و مقدار بیشتری در هوای وجود دارد.

(۳) از آن برای خنک کردن قطعات الکترونیکی در دستگاه‌های تصویربرداری مانند MRI و نگهداری نمونه‌های بیولوژیک در پزشکی استفاده می‌شود.

(۴) این گاز را می‌توان افزون بر هوای مایع، از تقطیر جزء به جزء گاز طبیعی نیز به دست آورد.

۱۷۹ - کدام گزینه نادرست است؟

- (۱) با افزایش دمای هوای مایع که در دمای ${}^{\circ}\text{C}$ -20 به دست آمده است، به ترتیب گازهای He , N_2 , O_2 و CO_2 از ظرف خارج می‌شوند.
- (۲) به جز لایه اول هواکره، در بقیه لایه‌ها $\text{H}_2\text{O(g)}$ وجود ندارد.
- (۳) میان گازهای موجود در هوا، واکنش‌های شیمیایی گوناگونی رخ می‌دهد که اغلب آن‌ها برای ساکنان کره زمین سودمند هستند.
- (۴) در لایه‌های هواکره کاتیون‌های چند اتمی وجود دارد.
- ۱۸۰ - گوگرد با شعله... می‌سوزد و فراورده آن یکی از فراورده‌های حاصل از سوختن ... می‌باشد که نام آن ... است.
- (۱) سفید خیره‌کننده، چربی، گوگرد تری اکسید
- (۲) آبی، زغال سنگ، گوگرد تری اکسید
- (۳) آبی، چربی، گوگرد دی اکسید
- (۴) آبی، زغال سنگ، گوگرد دی اکسید



سایت کنکور

Konkur.in

A : پاسخ نامه(کلید) آزمون 18 مرداد 1398 گروه یازدهم ریاضی دفترچه

| | | | | | | | |
|----|-------|----|-------|-----|-------|-----|-------|
| 1 | □□□□✓ | 51 | □✓□□□ | 101 | □□□✓□ | 151 | □□□✓□ |
| 2 | □□□□✓ | 52 | □□□□✓ | 102 | □✓□□□ | 152 | □□□□✓ |
| 3 | □□□□✓ | 53 | □□□✓□ | 103 | □□□✓□ | 153 | □✓□□□ |
| 4 | □□□□✓ | 54 | ✓□□□□ | 104 | ✓□□□□ | 154 | □□□□✓ |
| 5 | □□□□✓ | 55 | □✓□□□ | 105 | □□□□✓ | 155 | □□□✓□ |
| 6 | □□□✓□ | 56 | □□□✓□ | 106 | □□□✓□ | 156 | □□□□✓ |
| 7 | □□□□✓ | 57 | ✓□□□□ | 107 | ✓□□□□ | 157 | □✓□□□ |
| 8 | □□□□✓ | 58 | □□□✓□ | 108 | □✓□□□ | 158 | ✓□□□□ |
| 9 | □✓□□□ | 59 | □✓□□□ | 109 | □□□□✓ | 159 | □✓□□□ |
| 10 | □□□✓□ | 60 | □□□□✓ | 110 | □□□✓□ | 160 | □✓□□□ |
| 11 | □□□✓□ | 61 | ✓□□□□ | 111 | ✓□□□□ | 161 | □□□✓□ |
| 12 | □□□✓□ | 62 | □□□✓□ | 112 | □□□□✓ | 162 | □✓□□□ |
| 13 | □□□✓□ | 63 | □□□□✓ | 113 | □□□□✓ | 163 | ✓□□□□ |
| 14 | □✓□□□ | 64 | ✓□□□□ | 114 | □□□□✓ | 164 | ✓□□□□ |
| 15 | □✓□□□ | 65 | □✓□□□ | 115 | □□□□✓ | 165 | □□□✓□ |
| 16 | □□□✓□ | 66 | □✓□□□ | 116 | □□□✓□ | 166 | □□□□✓ |
| 17 | □□□✓□ | 67 | ✓□□□□ | 117 | ✓□□□□ | 167 | □✓□□□ |
| 18 | ✓□□□□ | 68 | ✓□□□□ | 118 | □✓□□□ | 168 | □□□✓□ |
| 19 | □□□✓□ | 69 | □✓□□□ | 119 | ✓□□□□ | 169 | □✓□□□ |
| 20 | □□□□✓ | 70 | □□□□✓ | 120 | ✓□□□□ | 170 | □□□□✓ |
| 21 | □□□□✓ | 71 | ✓□□□□ | 121 | □✓□□□ | 171 | □□□□✓ |
| 22 | □✓□□□ | 72 | □□□□✓ | 122 | □□□✓□ | 172 | ✓□□□□ |
| 23 | □□□✓□ | 73 | □□□□✓ | 123 | □□□□✓ | 173 | □□□✓□ |
| 24 | □✓□□□ | 74 | □✓□□□ | 124 | ✓□□□□ | 174 | □□□✓□ |
| 25 | □□□□✓ | 75 | □□□□✓ | 125 | □□□✓□ | 175 | □□□□✓ |
| 26 | □□□□✓ | 76 | □✓□□□ | 126 | □□□□✓ | 176 | □✓□□□ |
| 27 | □□□✓□ | 77 | □□□□✓ | 127 | □✓□□□ | 177 | □□□✓□ |
| 28 | □□□✓□ | 78 | □□□✓□ | 128 | □□□✓□ | 178 | □□□□✓ |
| 29 | ✓□□□□ | 79 | □□□✓□ | 129 | ✓□□□□ | 179 | ✓□□□□ |
| 30 | □□□✓□ | 80 | □✓□□□ | 130 | □✓□□□ | 180 | □□□□✓ |
| 31 | □□□✓□ | 81 | □□□✓□ | 131 | □□□✓□ | | |
| 32 | □□□□✓ | 82 | □□□✓□ | 132 | □□□□✓ | | |
| 33 | □□□□✓ | 83 | □□□✓□ | 133 | □✓□□□ | | |
| 34 | ✓□□□□ | 84 | □✓□□□ | 134 | ✓□□□□ | | |
| 35 | □✓□□□ | 85 | □✓□□□ | 135 | □□□□✓ | | |
| 36 | □□□✓□ | 86 | ✓□□□□ | 136 | ✓□□□□ | | |

| | | |
|----|-----|-----|
| 37 | 87 | 137 |
| 38 | 88 | 138 |
| 39 | 89 | 139 |
| 40 | 90 | 140 |
| 41 | 91 | 141 |
| 42 | 92 | 142 |
| 43 | 93 | 143 |
| 44 | 94 | 144 |
| 45 | 95 | 145 |
| 46 | 96 | 146 |
| 47 | 97 | 147 |
| 48 | 98 | 148 |
| 49 | 99 | 149 |
| 50 | 100 | 150 |



سایت کنکور

Konkur.in



پدیده آورندگان آزمون ۱۸ مرداد ۹۸ سال یازدهم ریاضی

طراحان

| نام درس | نام طراحان |
|------------------------|--|
| فارسی و نگارش (۱) | محسن اصغری- مبینا اصلی‌زاده- محمد رمضی- عارفه‌السادات طباطبایی‌نژاد- زهرا کرمی |
| عربی زبان قرآن (۱) | بهزاد جهانبخش- محمد جهان‌بین- خالد مشیرپناهی |
| زبان انگلیسی (۱) | آناهیتا اصغری- فریبا توکلی- سپیده عرب- محدثه مرآتی |
| ریاضی (۱) و حسابان (۱) | محمد رضا ابراهیمی- عباس اسدی‌امیرآبادی- علی‌اکبر اسکندری- ناصر اسکندری- امیرحسین افشار- محمد پوراحمدی- محمد مهدی حاجی‌عیزی- سیدعادل حسینی- امیرهوشنگ خمسه- حمیدرضا سجودی- شروین سیاح‌نیا- محمد طاهر شعاعی- عزیز الله علی‌اصغری- فرشاد فرامرزی- سیدرسوosh کربیه‌مداحی- سینا محمدبور |
| هندسه (۱) و (۲) | علیرضا احمدی- محمد پوراحمدی- علی ساوجی- شروین سیاح‌نیا- محمد طاهر شعاعی- رضا عباسی‌اصل- علی فتح‌آبادی- فرشاد فرامرزی- سینا محمدپور- رحیم مشتاق‌نم- مهرداد ملوندی- ابراهیم نجفی- علیرضا نصراللهی |
| فیزیک (۱) و (۲) | خسرو ارجوانی‌فرد- بابک اسلامی- مهدی برانی- حامد جوقداری- فرشید رسولی- محمدصادق مام‌سیده- امیر محمودی‌انزابی- محمدحسن معزی‌بیان- سیدعلی میرنوری- حسین ناصحی- نیما نوروزی- سیدامیر نیکوبی‌نهالی |
| شیمی (۱) و (۲) | همایون امیری- بیژن باغبان‌زاده- امیر علی پرخورداریون- بهزاد تقی‌زاده- جهان پناه‌حاتمی- موسی خیاط‌علی‌محمدی- مسعود روستایی- میلاد شیخ‌الاسلامی‌خیاوی- رسول عابدینی‌زواره- محمد عظیمان‌زواره- محمد فلاح‌نژاد- مهدی محمدی- علی مؤیدی- سیدرحمیم هاشمی‌دهکردی |

گزینشگران، مسئولین درس و ویراستاران

| نام درس | گزینشگر | مسئول درس | گروه ویراستاری | مسئول درس مستندسازی |
|------------------------|--------------------|-------------------|---|---------------------------|
| فارسی و نگارش (۱) | اعظم نوری‌نیا | اعظم نوری‌نیا | الهام محمدی | الناز معتمدی |
| عربی زبان قرآن (۱) | میلاد نقشی | میلاد نقشی | درویشعلی ابراهیمی- مریم آقایاری | لیلا ایزدی |
| زبان انگلیسی (۱) | محدثه مرآتی | محدثه مرآتی | آناهیتا اصغری- فریبا توکلی | فاطمه فلاحت‌پیشه |
| ریاضی (۱) و حسابان (۱) | ایمان چینی فروشان | ایمان چینی فروشان | حیدر رضا رحیم خانلو | حیدر رضا رحیم خانلو |
| هندسه (۱) و (۲) | امیرحسین ایوم‌حبوب | سینا محمدپور | محمد خندان- مهرداد ملوندی- سیدعادل حسینی | فرزانه خاکپاش |
| فیزیک (۱) و (۲) | سعید منیری | ایمان چینی فروشان | حیدر زرن کفش- مهرداد ملوندی- سیدعادل حسینی | آته اسفندیاری |
| شیمی (۱) و (۲) | ایمان حسین نژاد | ایمان حسین نژاد | محبوبه بیک‌محمدی- میلاد کرمی- امیرحسین معروفی | الهه شهیازی- سمیه اسکندری |

گروه فنی و تولید

| | |
|------------------------------|----------------------|
| مسئولین دفترچه | مدیر گروه |
| مستندسازی و مطابقت با مصوبات | مفهومه علیزاده |
| حروف‌نگاری و صفحه‌آرایی | فرزانه فتح‌الله‌زاده |
| نظارت چاپ | علیرضا سعدآبادی |

بنیاد علمی آموزشی قلمچی (وقف عام)



(مبینا اصلیل زاده)

-۶

در گروه اسمی «قلب سپاه»، سپاه، اسم است و صفت نیست.

تشریح سایر گزینه‌ها:

گزینه «۱»: گرز گران

صفت

گزینه «۲»: مرد رزم‌آزمای

صفت

گزینه «۴»: مرد پرخانججوي

صفت

(فارسی (۱)- زبان فارسی - صفحه ۶۶)

(زهد کرمی)

-۷

مفهوم بیت گزینه «۴»: اشک، رازهای پنهانی را آشکار می‌کند.

مفهوم بیت‌های «۱»، «۲» و «۳»: رازداری (راز حق و حقیقت) کار هر کس نیست و هر انسانی نمی‌تواند سیر نگه‌دار باشد.

(فارسی (۱)- مشابه مفهوم صفحه ۵۴)

(عارفه‌سادات طباطبایی نژاد)

-۸

مفهوم بیت سوال و گزینه «۴»: بی‌ارزش شدن زیبایی‌ها در مقابل معشوق است.

تشریح سایر گزینه‌ها:

گزینه «۱»: از بین نرفتن غم با شراب

گزینه «۲»: من و دل غمخوار یکدیگریم.

گزینه «۳»: آسان شدن سختی‌ها در عشق

(فارسی (۱)- مفهوم صفحه ۵۹)

(ممسن اصحری)

-۹

مفهوم مشترک ایات مرتبط «بی‌وفایی معشوق نسبت به عاشق» است. اما شاعر در بیت گزینه «۲» از بی‌ثباتی و بی‌وفایی دنیا شکایت دارد.

(فارسی (۱)- مفهوم- ترکیبی)

(محمد ر泓ی)

-۱

کوتاه‌نظری: اندک‌بینی، عاقبت‌اندیش نبودن

(فارسی (۱)- لغت- ترکیبی)

(محمد ر泓ی)

-۲

صورت درست واژگان دارای غلط املایی در سایر عبارات:

گزینه «۱»: غارب

گزینه «۲»: بیغوله

گزینه «۳»: فراعنه

(فارسی (۱)- املاء- صفحه‌های ۴۰، ۴۳ و ۴۵)

(مبینا اصلیل زاده)

-۳

تشریح سایر گزینه‌ها:

گزینه «۱»: شاعر مدعی شده که دلیل سیاه کردن مویش این است که موی سفید، دشمن زندگی است زیرا سفید شدن مو نشانه پیری و کوتاه شدن زندگی است.

گزینه «۲»: شاعر علت رویدن گل‌ها در خاک، خفتن گل‌اندامان و زیارویان دانسته است.

گزینه «۳»: شاعر علت سیاهی لف (رنگ سیاه، نشانه عزاداری است) معشوق را خون‌ریزی چشمان او دانسته است.

(فارسی (۱)- آرایه- صفحه ۶۷)

(مبینا اصلیل زاده)

-۴

تشریح سایر گزینه‌ها:

گزینه «۱»: واژه «گلستان» ایهام دارد: ۱- باغ / ۲- یکی از کتاب‌های سعدی

گزینه «۲»: واژه «مردم» ایهام دارد: ۱- مردمک چشم / ۲- انسان‌ها

گزینه «۳»: واژه «مدام» ایهام دارد: ۱- پیوسته / ۲- شراب

(فارسی (۱)- آرایه- صفحه ۵۳)

(محمد ر泓ی)

-۵

| دست | بنینه بسته | بدر | صفت | مضاف‌الیه | اسم |
|-----|------------|-----|-----|-----------|-----|
|-----|------------|-----|-----|-----------|-----|

(فارسی (۱)- زبان فارسی- صفحه ۶۶)



(کتاب یامع)

-۱۶

ضمیر «ش» در «ندیدمش» مفعول و در «پیکاش» مضافقالیه است. اما در سایر گزینه‌ها، ضمایر پیوسته، در مصراع اول در نقش مضافقالیه و در مصراع دوم در نقش مفعول به کار رفته‌اند.

گزینه «۱»: «گرت زندگانی»؛ اگر زندگانی تو / «نه مارت گزاید»؛ نه مارت تو را گزاید.

گزینه «۲»: «در حیات» در حیات تو / «چنان کشد»؛ چنان تو را کشد.

گزینه «۴»: «کنونت آدم پیشاز»؛ کنون به پیشبارت آمدم / «نمی‌دانی ام»؛ نمی‌شناسی

(فارسی (۱)- زبان فارسی - صفحه ۵۲)

(کتاب یامع)

-۱۷

سایر گزینه‌ها به «پیام‌رسان بودن باد صبا» دلالت دارند.

(فارسی (۱)- مفهوم - صفحه‌های ۵۱ و ۵۲)

(کتاب یامع)

-۱۸

مفهوم بیت صورت سؤال و بیت گزینه «۱»، تأکید بر «حفظ راز یا سرپوشی» است، اما در دیگر ایات، تقریباً مفهوم مقابل، بیان شده است.

(فارسی (۱)- مشابه مفهوم - صفحه ۵۳)

(کتاب یامع)

-۱۹

عبارت صورت سؤال می‌گوید برای خدا مکر کرده‌اند، اما خدا خود مکر کرده است و بهترین مکر کنندگان است. این مفهوم در گزینه «۳» نیز آمده است.

(فارسی (۱)- مفهوم - صفحه ۵۱)

(کتاب یامع)

-۲۰

بیت گزینه «۴» مفهومی شبیه با عبارت صورت سؤال دارد، که می‌گوید فضل و جهد و فن کارگر نیست، آن‌چه کاراست، خدمت به خلق است و داشتن اخلاق نیکو.

(فارسی (۱)- مفهوم - صفحه ۵۶)

(عارفه سادات طباطبایی نژاد)

مفهوم هر دو بیت گزینه «۳»؛ بیارزش شدن زیبایی‌ها در برابر معشوق است.

تشریح سایر گزینه‌ها:

گزینه «۱»؛ بیت نخست = عاشق پس از عهد عشق همه عهدهای دیگر را شکسته است.

بیت دوم = به دلیل عهدشکنی‌های معشوق، عاشق اخلاص خود را از دست داده است.

گزینه «۲»؛ بیت نخست = غم زیاد عاشق

بیت دوم = تحمل سختی‌های راه عشق

گزینه «۴»؛ بیت نخست = با عشق، از خود بیخود شدم.

بیت دوم = بازیابی‌های طبیعت سرمیست شدم.

(فارسی (۱)- مفهوم - صفحه ۵۹)

-۱۰

(کتاب یامع)

-۱۱

گرده: پشت، بالای کمر / مشوش: آشفته و پریشان / کله: برآمدگی پشت پای اسب

(فارسی (۱)- لغت- ترکیبی)

-۱۲

(کتاب یامع با تغییر)

املای صحیح کلمه «طرب» است.

(فارسی (۱)- املای - صفحه ۵۶)

-۱۳

در عبارت صورت سؤال، «بهشت» مشتبه است. در بیت گزینه «۳» نیز «رخ گندم‌گون» به بهشت مانند شده است.

(فارسی (۱)- آرایه‌های ادبی - صفحه ۵۷)

-۱۴

(کتاب یامع)

«مهر» در بیت گزینه «۲» فقط در معنی «عشق و محبت» به کار رفته است. اما در سایر گزینه‌ها هر دو معنای «عشق و محبت» و «آفتاب» را به ذهن می‌آورد.

(فارسی (۱)- آرایه‌های ادبی - صفحه ۵۱۳)

-۱۵

(کتاب یامع)

«همه» در مصراع نخست، صفت نیست. صفت در کنار اسم می‌آید، مثل عبارات «همه انسان‌ها» و «همه پیمان‌ها»، اما در مصراع نخست، «همه» به تنها بی‌آمده است و صفت نیست.

تشریح سایر گزینه‌ها:

گزینه «۱»؛ «تو» مضافقالیه «عهد» است. (در مصراع اول)

گزینه «۳»؛ «نقض همه پیمان‌ها» گروه نهادی است که «نقض» هسته و «همه» صفت می‌هم «پیمان‌ها» است. همچین «روا» مسند است.

گزینه «۴»؛ واژه «عهد» نیز دو بار در نقش مفعول به کار رفته است: «عهد را بستم»، «عهد را شکستم».

(فارسی (۱)- زبان فارسی - صفحه ۵۹)



(قالر مشیرپناهی)

-۲۵

سؤال از ما گزینه درست را در مورد گفت و گوها می خواهد.

گزینه «۱»: لطفاً آن را باز کن! - من واقعاً به آن نیاز دارم!

گزینه «۲»: آیا این ها قرص هایی آرامبخش است؟ - بله، این ها غیر مجاز است!

گزینه «۳»: این چمدان برای (مال) چه کسی است؟ - این چمدان واقعاً سنگین است!

گزینه «۴»: چه چیزی داخل چمدان است؟ - چیز مهمی در آن نیست! کامل‌اً شخص است که تنها در گزینه «۴» گفت و گوها به هم مرتبط هستند! (مالامه)

(محمد بهان بین)

-۲۶

گزینه «۱»: صدیق[#] عدو و قلیل[#] کثیر (مصدر نیستند)

گزینه «۲»: تقریب[#] بعاد (مصدر مزیدند، اولی از باب تعفیل و دومی از باب إفعال) والوحدة[#] الفرقة (هر دو مصدر دند ولی، مصدر باب إفعال نیستند)

گزینه «۳»: أدخل[#] آخر (فعل از باب إفعال اند) و السرور[#] الحزن (مصدر مجردن)

گزینه «۴»: الإحسان[#] الإساءة (هر دو مصدر باب إفعالی) و يتجمع[#] يتغزّون (هر دو فعل از باب تفعل اند)

(متراوف و متشار)

(محمد بهان بین)

-۲۷

فعل های «تنشکل»، «یتکون» و «ستعلم» از باب «تفعل» اند ولی «یدرس» از باب تعفیل است.

(قواعد)

(بیوزاد بهانپنځش)

-۲۸

در گزینه «۳»: «تعرف» ماضی از باب «تفعل» است.

ترشیح سایر گزینه ها:

گزینه «۱»: «تناویل» مصدر از باب «تفاغل» است.

گزینه «۲»: «بیتسیم» مضارع از باب «افعال» است.

گزینه «۴»: «استلمت» ماضی از باب «فتعال» است.

(قواعد)

(بیوزاد بهانپنځش)

-۲۹

در گزینه «۱» فعل «رأیت» دارای سه حرف اصلی است و حرف زائد ندارد.

نکته: «التعارف» مصدر است و مصادر جزء اسم ها هستند.

(قواعد)

(محمد بهان بین)

-۳۰

در باب های «تفعل و تفاعل» شکل فعل امر و ماضی برای ضمیرهای «هم و

أنتم» یکسان است ولی در بقیه بالها شکل فعل ماضی با شکل امر متفاوت

است، یعنی ماضی ها عین الفعلشان فتحه دارد و امرها عین الفعلشان کسره!

(قواعد)

عربی زبان قرآن (۱)

(قالر مشیرپناهی)

-۲۱

ترجمه کلمات مهم: «بسقی»: سعی می کنند، تلاش می کنند (رد گزینه های

۱۱ و ۲۲) / «عملاء العدو»: مزدوران دشمن (رد گزینه های ۲۲ و ۳۳) /

«أن يدعونا»: که ما را دعوت کنند، فرا بخوانند (رد گزینه های ۲۲ و ۳۳) /

«قليلينا أن لا نسمح لهم»: پس ما نباید به آنها اجازه دهیم (پس ما باید به آنها

اجازه ندهیم) (رد گزینه ۳۳) / «أن يصلوا»: که بررسند (رد گزینه ۲۲) /

«أهدافهم القبيحة»: هدف های زشتان (رد گزینه ۱۱)

(ترجمه)

(قالر مشیرپناهی)

-۲۲

بررسی گزینه های نادرست:

گزینه «۱»: «تعارفُن» فعل ماضی باب «تفاعل» است و به معنای «با یکدیگر آشنا شدند» می باشد. (مضارع آن «یتعارفُن» است.)

گزینه «۳»: «بعضی از» در ترکیب «بعضی از مردم» اضافی است.

گزینه «۴»: «لا أجالیس» به معنای «همنشینی نمی کنم» می باشد و «نمی نشینم» نادرست است. («لا أجليس» یعنی «نمی نشینم»)

(ترجمه)

(قالر مشیرپناهی)

-۲۳

در گزینه «۳» فعل «تَوَرَ» فعل امر نیست، بلکه فعل ماضی باب «تفعیل» است و به معنی «نورانی کرد، روشن کرد» است. ترجمة صحیح: «بورودگار ما دل هایمان و چشم هایمان را به نور ایمان و اسلام روشن کرد (نورانی کرد).»

(ترجمه)

(قالر مشیرپناهی)

-۲۴

ترجمه آیه داده شده در گزینه «۲» «پس من را یاد کنید تا شما را یاد کنم و از من سپاسگزاری کنید.» بیت داده شده با آیه ارتباط معنایی ندارد. مفهوم آیه این است که انسان باید همواره به یاد خدا باشد و شکرگزار نعمت های وی باشد، اما شاعر در بیت خود می گوید که خداوند همیشه نگه دار کسی باشد که در دعای خود از من نیز یاد می کند.

ترجمه آیات سایر گزینه ها:

گزینه «۱»: «خداوند به کسی جز به اندازه توانش تکلیف نمی دهد.»

گزینه «۳»: «آنچه را که (از خوبی ها) کسب کرده، به سودش است و آنچه را نیز که از بدی ها) کسب کرده، به زیانش است.»

گزینه «۴»: «و همگی به رسیمان الهی چنگ بزنید و پراکنده نشوید.»

(مفهوم)



(سپیده عرب)

-۳۵

ترجمه جمله: «مادرشان گفت: «شجاع باشید و با جان‌های خود از کشورتان دفاع کنید.»

- (۱) مهربان- ملاقات کردن
 (۲) شجاع- دفاع کردن
 (۳) شگفت‌انگیز- محافظت کردن
 (۴) پاکیزه- چرخیدن

(واژگان)

(سپیده عرب)

-۳۶

ترجمه جمله: «اهدای خون این توانایی را دارد که برای بیش از سه فردی که خون نیاز دارند، مفید باشد. دانستن این که شما به زندگی دیگران کمک کرده‌اید، باعث می‌شود حس بهتری نسبت به خودتان داشته باشید.»

- (۱) جمع‌آوری کردن
 (۲) پمپاژ کردن
 (۳) اهدا کردن
 (۴) توصیف کردن

(واژگان)

(مدرهه مرآتی)

-۳۷

- (۱) رنگ
 (۲) اندازه
 (۳) سن
 (۴) شکل

(کلوزتست)

(مدرهه مرآتی)

-۳۸

- (۱) ماندن
 (۲) شناسایی کردن
 (۳) خراب کردن
 (۴) حمل کردن

(کلوزتست)

(مدرهه مرآتی)

-۳۹

- (۱) خطر
 (۲) میکروب
 (۳) حیوان
 (۴) انسان

(کلوزتست)

(مدرهه مرآتی)

-۴۰

نکته مهم درسی

با توجه به معنی جمله باید از صفت "long" که برای طول عمر به کار می‌رود استفاده کنیم.

از صفات عالی برای مقایسه یک اسم با یک گروه استفاده می‌شود.

(کلوزتست)

(فریبیا توکلی)

-۳۱

ترجمه جمله: «الف: آیا شما فکر می‌کنید که فیلم‌های هری پاتر بهتر از کتاب‌ها هستند؟»

«ب: در واقع من به کتاب‌ها بیشتر علاقه‌مند هستم.»

نکته مهم درسی

برای بیان مقایسه بین دو چیز از صفت تفضیلی استفاده می‌کنیم و شکل تفضیلی "as good as" به صورت "better" می‌باشد. گزینه «۲» به شکل "good" صحیح است.

(گرامر)

-۳۲

ترجمه جمله: «او پس از دریافتمن آن حقایق جالب در مورد زندگی آن مرد گفت: «آن عجیب‌ترین مکالمه زندگی من بود.»

نکته مهم درسی

با توجه به معنی جمله، باید از صفت عالی "the strangest" استفاده کنیم.

(گرامر)

-۳۳

(فریبیا توکلی)

ترجمه جمله: «آماده شدن برای (رفتن به) مدرسه در صبح از حضور در کلاس‌ها سخت‌تر است.»

نکته مهم درسی

با توجه به معنی جمله و کلمه "than" باید از صفت تفضیلی "more difficult" استفاده کنیم.

(گرامر)

-۳۴

(آناهیتا اصغری)

ترجمه جمله: «اگر به آن فروشگاه بروید، می‌توانید بیشترین چیزهایی را که در زندگی روزمره خود استفاده می‌کنید، بخرید.»

- (۱) روزانه، روزمره
 (۲) گران‌قیمت
 (۳) فوق العاده، عالی
 (۴) جدید، امروزی

(واژگان)



بیانیه
آموزشی

صفحه ۷

اختصاصی یازدهم ریاضی

پاسخ تشریحی آزمون ۱۸ مرداد ۹۸

(محمد طاهر شاععی)

-۴۳

$$\sin x + \cos x = \frac{1}{2} \Rightarrow (\sin x + \cos x)^2 = \frac{1}{4}$$

$$\Rightarrow \underbrace{\sin^2 x + \cos^2 x}_{1} + 2\sin x \cos x = \frac{1}{4}$$

$$\Rightarrow 2\sin x \cos x = \frac{1}{4} - 1 = -\frac{3}{4} \Rightarrow \sin x \cos x = -\frac{3}{8}$$

(ریاضی ا- مثالثات- صفحه‌های ۵۶۲ و ۵۶۴)

(محمد پور احمدی)

-۴۴

با توجه به نقطه $P\left(\frac{\sqrt{2}}{3}, \frac{\sqrt{7}}{3}\right)$ از آنجا که $(\cos \alpha, \sin \alpha)$ قائم الزاویه است، داریم:

مثلث ΔOPQ قائم الزاویه است، داریم:

$$\tan \alpha = \frac{\text{ضلع مقابل به زاویه } \alpha}{\text{ضلع مجاور به زاویه } \alpha}$$

$$\Rightarrow \tan \alpha = \frac{PQ}{OP} \Rightarrow \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha} = \frac{PQ}{OP}$$

$$\xrightarrow{OP=1} \frac{\frac{\sqrt{7}}{3}}{\frac{\sqrt{2}}{3}} = \frac{PQ}{1} \Rightarrow PQ = \sqrt{\frac{7}{2}}$$

$$\Rightarrow PQ = \sqrt{\frac{7}{2} \times \frac{2}{2}} \Rightarrow PQ = \frac{\sqrt{14}}{2}$$

(ریاضی ا- مثالثات- صفحه‌های ۵۶۲ و ۵۶۴)

ریاضی (۱)

-۴۱

(فرشاد قرامرزی)

وقتی $1 < a < 0$ هر چه به توان بزرگ‌تر برسد، حاصل کوچک‌تر

می‌شود.

بررسی گزینه‌ها:

$$3 > 2 \Rightarrow a^3 < a^2 \rightarrow$$

گزینه «۱» درست است.

$$\frac{1}{2} > \frac{1}{3} \Rightarrow a^{\frac{1}{2}} < a^{\frac{1}{3}} \Rightarrow \sqrt{a} < \sqrt[3]{a} \rightarrow$$

گزینه «۲» درست است.

$$1 > \frac{1}{2} \Rightarrow a^1 < a^{\frac{1}{2}} \Rightarrow a < \sqrt{a} \rightarrow$$

گزینه «۳» درست است.

$$2 > \frac{1}{2} \Rightarrow a^2 < a^{\frac{1}{2}} \Rightarrow a^2 < \sqrt{a} \rightarrow$$

گزینه «۴» نادرست است.

(ریاضی ا- توان‌های گویا و عبارت‌های بیبری- صفحه‌های ۵۶۱ و ۵۶۲)

(فرشاد قرامرزی)

-۴۲

$$(a+b)^3 = a^3 + b^3 + 3a^2b + 3ab^2$$

$$\Rightarrow (a+b)^3 = a^3 + b^3 + 3ab(a+b)$$

$$\Rightarrow 5^3 = a^3 + b^3 + 3 \times 3 \times (5)$$

$$\Rightarrow 125 = a^3 + b^3 + 45 \Rightarrow a^3 + b^3 = 80$$

(ریاضی ا- توان‌های گویا و عبارت‌های بیبری- صفحه‌های ۵۶۱ و ۵۶۲)



$$\Rightarrow \sin^2 \theta + \cos^2 \theta = 1 - 3(\sin \theta \cos \theta)^2 \Rightarrow \frac{193}{525} = 1 - 3(\sin \theta \cos \theta)^2$$

$$\Rightarrow (\sin \theta \cos \theta)^2 = \frac{144}{525} \Rightarrow \sin \theta \cos \theta = \frac{12}{25} \quad (*)$$

از طرفی بنابر اتحاد مربع دو جمله‌ای، داریم:

$$(\sin \theta - \cos \theta)^2 = \sin^2 \theta + \cos^2 \theta - 2\sin \theta \cos \theta$$

$$\xrightarrow{(*)} (\sin \theta - \cos \theta)^2 = 1 - \frac{24}{25} = \frac{1}{25}$$

$$\xrightarrow{45^\circ < \theta < 90^\circ} \sin \theta > \cos \theta \Rightarrow \sin \theta - \cos \theta = \frac{1}{5}$$

(ریاضی ا- تکلیفی- صفحه‌های ۳۶ و ۴۲ تا ۴۷)

(شروعین سیاح‌بیان)

(محمد پوراهمدی)

-۴۵

$$\sqrt[k]{a \sqrt[k]{a^k}} = \sqrt[k]{a \times a^{\frac{k}{k}}} = \sqrt[k]{a^{\frac{k+k}{k}}} = a^{\frac{k+k}{k}} = a \Rightarrow \frac{k+k}{k} = 1$$

$$\Rightarrow k+4=3k \Rightarrow 2k=4 \Rightarrow k=2$$

(ریاضی ا- توان‌های کوچک و عبارت‌های هیری- صفحه‌های ۳۸ تا ۴۰)

(سیدرسروش کریمی‌مدافع)

-۴۶

$$\frac{\sqrt[12]{a} - \sqrt[4]{a}}{\sqrt[12]{a^5} - \sqrt[4]{a^2}} = \frac{\sqrt[4]{a}(\sqrt[4]{a} - 1)}{\sqrt[12]{a^5}(1 - \sqrt[4]{a})} = -\frac{\sqrt[4]{a}}{\sqrt[12]{a^5}}$$

$$= -\frac{\frac{1}{a^{\frac{1}{4}}}}{-a^{\frac{5}{12}}} = -a^{\frac{1}{4} - \frac{5}{12}} = -a^{-\frac{1}{6}}$$

(ریاضی ا- توان‌های کوچک و عبارت‌های هیری- صفحه‌های ۳۸ تا ۴۰)

خرج کسر را با عملیات فاکتورگیری به ساده‌ترین شکل ممکن
درمی‌آوریم:

$$\frac{\sqrt{2} + \sqrt{3}}{2 + \sqrt{14} - (\sqrt{6} + \sqrt{21})} = \frac{\sqrt{2} + \sqrt{3}}{\sqrt{2}(\sqrt{2} + \sqrt{3}) - \sqrt{3}(\sqrt{2} + \sqrt{3})} \\ = \frac{\sqrt{2} + \sqrt{3}}{(\sqrt{2} + \sqrt{3})(\sqrt{2} - \sqrt{3})} = \frac{1}{\sqrt{2} - \sqrt{3}}$$

$$\Rightarrow \frac{1}{\sqrt{2} - \sqrt{3}} = \frac{1}{\sqrt{2} - \sqrt{3}} \times \frac{\sqrt{2} + \sqrt{3}}{\sqrt{2} + \sqrt{3}} = -\sqrt{2} - \sqrt{3}$$

(ریاضی ا- توان‌های کوچک و عبارت‌های هیری- صفحه‌های ۴۲ تا ۴۷)

(محمد پوراهمدی)

(علی‌اکبر اسكندری)

-۴۷

$$\tan^2 \alpha = 3 \xrightarrow{\text{ریج دوم}} \tan \alpha = -\sqrt{3}$$

صورت و خرج عبارت خواسته شده را بر $\cos \alpha$ تقسیم می‌کنیم تا

عبارت بر حسب $\tan \alpha$ شود:

$$\Rightarrow \frac{\sin \alpha + \cos \alpha}{\sin \alpha - \cos \alpha} = \frac{\tan \alpha + 1}{\tan \alpha - 1} = \frac{-\sqrt{3} + 1}{-\sqrt{3} - 1} = 2 - \sqrt{3}$$

(ریاضی ا- مثلثات- صفحه‌های ۳۶ تا ۴۰)

$$\frac{a}{\cos^2 x} + \frac{b}{\cos^4 x} = \tan^2 x + \tan^4 x \Rightarrow \frac{1}{\cos^2 x} (a + \frac{b}{\cos^2 x}) \\ = (1 + \tan^2 x)(a + b(1 + \tan^2 x)) = (1 + \tan^2 x)(a + b + b \tan^2 x) \\ \Rightarrow (1 + \tan^2 x)(a + b + b \tan^2 x) = \tan^2 x(1 + \tan^2 x) \\ \Rightarrow a + b = 0, \quad b = 1 \Rightarrow a = -1 \Rightarrow a - b = -2$$

(ریاضی ا- مثلثات- صفحه‌های ۴۲ تا ۴۶)

(سینا محمدپور)

-۴۸

با توجه به اتحاد مکعب دو جمله‌ای داریم:

$$a^3 + b^3 = (a+b)^3 - 3ab(a+b)$$

در نتیجه:

$$\sin^2 \theta + \cos^2 \theta = (\underbrace{\sin^2 \theta + \cos^2 \theta}_1)^3 - 3 \sin^2 \theta \cos^2 \theta (\underbrace{\sin^2 \theta + \cos^2 \theta}_1)$$



$$y = -x^3 + 6x - 5 \Rightarrow \text{عرض از مبدأ} = -5$$

(مسابان ا- صفحه‌های ۷ تا ۱۶)

(محمدمهری هادی عزیزی)

-۵۴

طول رأس سهمی برابر با ۲ می‌باشد، بنابراین $\frac{\alpha+\beta}{2}$ است.

$\beta^2 - \alpha^2 = 6$ می‌باشد. حال طبق فرض سوال داریم:

$$\beta^2 - \alpha^2 = 6 \Rightarrow \begin{cases} (\beta - \alpha)(\beta + \alpha) = 6 \\ \beta + \alpha = 4 \end{cases} \Rightarrow \beta - \alpha = \frac{3}{2}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} \beta - \alpha = \frac{3}{2} \\ \beta + \alpha = 4 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} \beta = \frac{11}{4} \\ \alpha = \frac{5}{4} \end{cases}$$

می‌دانیم $P = \alpha\beta$ می‌باشد، پس $P = \frac{55}{16}$ است.

(مسابان ا- صفحه‌های ۷ تا ۱۶)

(محمدرضن ابراهیمی)

-۵۵

در دنباله حسابی داریم:

$$S_n = \frac{n}{2} [2a_1 + (n-1)d] = na_1 + \frac{d}{2} n^2 - \frac{d}{2} n$$

$$\Rightarrow S_n = \frac{d}{2} n^2 + (a_1 - \frac{d}{2})n$$

پس عبارت $k - 1 = 0 \Rightarrow k = 1 \Rightarrow S_n = n^2 + bn$

ضریب n^2 نیز در S_n برابر $\frac{d}{2}$ است.

$$\frac{d}{2} = 1 \Rightarrow d = 2$$

از طرفی می‌دانیم:

$$d = \frac{a_m - a_n}{m - n} \Rightarrow d = \frac{a_{n+4} - a_{n+1}}{n + 4 - (n + 1)}$$

$$\Rightarrow a_{n+4} - a_{n+1} = 4d = 4 \times (2) = 8$$

(مسابان ا- صفحه‌های ۷ تا ۱۶)

(امیرحسین اغشار)

-۵۱

$$a_n = 1, 3, 5, \dots \quad d_1 = 2$$

$$b_n = -2, 3, 8, \dots \quad d_2 = 5$$

$$c_n = -17, -7, 3, \dots \quad d_3 = 10$$

اگر جملات مشترک این دنباله‌ها را بنویسیم به دنباله ... ۳، ۱۳، ۲۳ ...

می‌رسیم که قدرنسبت آن ک. م. م قدرنسبت سه دنباله اول است.

بنابراین داریم:

$$S_{1,0} = \frac{1}{2} (2 \times 3 + 9 \times 10) = 480$$

(مسابان ا- صفحه‌های ۷ تا ۱۶)

(امیرحسین اغشار)

-۵۲

می‌دانیم $t = |x|$ می‌باشد. بنابراین با تغییر متغیر :

داریم:

$$m^2 t^2 + t - m^2 - 1 = 0 \xrightarrow{a+b+c=0} \begin{cases} t_1 = 1 \\ t_2 = \frac{-m^2 - 1}{m^2} \end{cases} \text{ غیرقابل قبول است.}$$

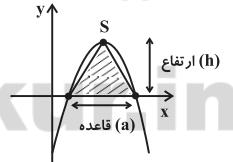
$$\Rightarrow t_1 = |x| = 1 \Rightarrow x = \pm 1$$

مجموع ریشه‌ها برابر صفر است. توجه کنید که $t_2 < 0$ است، پس غیرقابل قبول است.

(مسابان ا- صفحه‌های ۷ تا ۲۳ و ۲۴)

(سید عارف هسینی)

-۵۳



$$\frac{1}{2} ah = \frac{1}{2} a(\frac{4}{3}) = \lambda \Rightarrow a = 4$$

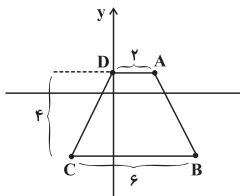
با توجه به این که $x = 3$ میانگین ریشه‌های سهمی است، ریشه‌ها $x = 1$ و $x = 5$ خواهد بود. یعنی می‌توان ضابطه سهمی را به صورت زیر نوشت:

$$y = m(x-1)(x-5)$$

با قرار دادن مختصات نقطه $(3, 4) = S$ در این رابطه، بهسادگی $m = -1$ به دست می‌آید. در نتیجه داریم:



ذوزنقه مورد نظر در شکل زیر رسم شده است:



$$\Rightarrow S_{ABCD} = \frac{(6+2)(4)}{2} = 16$$

(مسابان ا- صفحه های ۲۹ تا ۳۶)

(ممدرضا ابراهیمی)

-۵۹

نقطه‌ای روی سهمی در نظر می‌گیریم:

$$M(\alpha, 4 - \alpha^2)$$

فاصله AM باید حداقل باشد، پس:

$$AM = \sqrt{\alpha^2 + (4 - \alpha^2 - 1)^2} = \sqrt{\alpha^2 + (3 - \alpha^2)^2}$$

$$\Rightarrow AM = \sqrt{\alpha^2 + 9 - 6\alpha^2 + \alpha^4} \xrightarrow{\alpha^2=t} AM = \sqrt{t^2 - 5t + 9}$$

عبارت زیر رادیکال یک عبارت درجه دوم است، اگر این عبارت درجه دوم مینیمیم باشد، حاصل رادیکال هم مینیمیم می‌شود، پس:

$$AM_{\min} = \sqrt{\frac{-\Delta}{4a}}$$

$$\Rightarrow AM_{\min} = \sqrt{\frac{-(25-36)}{4}} = \sqrt{\frac{11}{4}} = \frac{\sqrt{11}}{2}$$

(مسابان ا- صفحه های ۲۹ تا ۳۶)

(امیرحسین اخشار)

-۶۰

$$S_n = \frac{n}{2}(2a_1 + (n-1)d) = na_1 + \frac{n}{2}(n-1)d$$

$$S'_n = \frac{n}{2}(2a_1 + (n-1)d') = na_1 + \frac{n}{2}(n-1)d'$$

$$S_n - S'_n = na_1 + \frac{n}{2}(n-1)d - na_1 - \frac{n}{2}(n-1)d'$$

$$\Rightarrow S_n - S'_n = \frac{1}{2}(n(n-1))(d - d')$$

$$\Rightarrow \frac{S_n - S'_n}{d - d'} = \frac{\frac{1}{2}(n)(n-1)(d - d')}{d - d'} = \frac{1}{2}(n)(n-1)$$

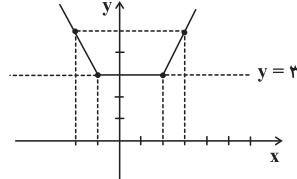
(مسابان ا- صفحه های ۲۹ تا ۳۶)

(ناصر اسكندری)

-۵۶

ابتدا نمودار $|x-2| + |x+1| = 3$ را رسم می‌کنیم:

$$y = |x+1| + |x-2| = \begin{cases} -x-1-x+2 = -2x+1 & x \leq -1 \\ x+1-x+2 = 3 & -1 < x < 2 \\ x+1+x-2 = 2x-1 & x \geq 2 \end{cases}$$



محل برخورد این دو تابع قسمتی از خط $y = 3$ است پس معادله بیشمار جواب دارد.

(مسابان ا- صفحه های ۲۹ تا ۳۶ و ۲۳۸)

(امیر هوشنگ فمه)

-۵۷

اگر $x^2 + 3x - 1 = A$ باشد،

$$\frac{1}{A+6} - \frac{2}{A} = 1 \Rightarrow A - 2(A+6) = A(A+6)$$

$$\Rightarrow A - 2A - 12 = A^2 + 6A$$

$$\Rightarrow A^2 + 7A + 12 = 0 \Rightarrow A = -3, -4$$

$$x^2 + 3x - 1 = -3 \Rightarrow x^2 + 3x + 2 = 0 \Rightarrow x_1 x_2 = 2$$

$$x^2 + 3x - 1 = -4 \Rightarrow x^2 + 3x + 3 = 0$$

معادله جواب ندارد

$$\Rightarrow x_1 x_2 = 2$$

(مسابقات ا- صفحه های ۷ تا ۱۳ و ۱۷)

(سید عارف هسینی)

-۵۸

$$(x_1, x_1 - 1) \in \ell_1 \Rightarrow \sqrt{(x_1 - 1)^2 + (x_1 - 1 + 2)^2} = \sqrt{10}$$

$$\Rightarrow x_1^2 - 2x_1 + 1 + x_1^2 + 4x_1 + 1 = 10$$

$$\Rightarrow 2x_1^2 + 2x_1 + 2 = 10 \Rightarrow x_1^2 + x_1 = 4 \Rightarrow x_1 = \pm 2 \Rightarrow \begin{cases} A = (2, 1) \\ C = (-2, -3) \end{cases}$$

$$(x_2, -x_2 + 1) \in \ell_2 \Rightarrow \sqrt{(x_2 - 1)^2 + (x_2 - 3)^2} = \sqrt{10}$$

$$\Rightarrow x_2^2 - 2x_2 + 1 + x_2^2 - 6x_2 + 9 = 10$$

$$\Rightarrow 2x_2^2 - 8x_2 + 10 = 10 \Rightarrow x_2^2 - 4x_2 = 0 \Rightarrow x_2 = 0 \text{ یا } 4 \Rightarrow \begin{cases} B = (4, -3) \\ D = (0, 1) \end{cases}$$



مشاهده می شود ماکریم کسر برابر $\frac{1}{2}$ است. پس حداقل مقدار عبارت

$$2 + \frac{1}{2} = \frac{5}{2} \text{ است.}$$

(ریاضی ا- مثلثات- صفحه های ۳۶ تا ۴۰)

-۶۵ (عیادل سبودی)

چون $180^\circ < \alpha < 270^\circ$ است، پس α در ناحیه سوم دایره مثلثاتی قرار دارد که در ناحیه سوم کسینوس عددی بین ۱ و صفر است و

داریم:

$$\begin{aligned} -1 < \cos \alpha < 0 &\Rightarrow -1 < \frac{1-2m}{3} < 0 \xrightarrow{x \times 3} -3 < 1-2m < 0 \\ \xrightarrow{+(-1)} -4 &< -2m < 1 \\ \xrightarrow{\div(-2)} \frac{1}{2} &< m < 2 \Rightarrow m \in (\frac{1}{2}, 2) \end{aligned}$$

(ریاضی ا- مثلثات- صفحه های ۳۶ تا ۴۰)

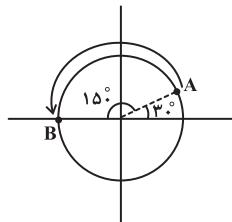
-۶۶ (سید عادل حسینی)

با توجه به مختصات نقطه A، زاویه مربوط به آن 3° است و داریم:

$$510^\circ = 360^\circ + 150^\circ$$

یعنی با طی زاویه 510° ، یک دور کامل دایره را طی می کنیم و به نقطه A بازمی گردیم و پس از آن 150° دیگر در جهت مثبت دایره

مثلثاتی پیش می رویم.



بنابراین به نقطه $(-1, 0)$ B می رسیم.

(ریاضی ا- مثلثات- صفحه های ۳۶ تا ۴۰)

(عباس اسدی امیرآبادی)

-۶۱

$$2 < \sqrt[4]{x} < 3 \Rightarrow 2^4 < x < 3^4 \Rightarrow 32 < x < 81$$

$243 - 32 - 1 = 210$: تعداد اعداد طبیعی

(ریاضی ا- توان های گویا و عبارت های ببری- صفحه های ۴۸ تا ۵۲)

(سید عادل حسینی)

-۶۲

$$\frac{ab}{c} < 0, bc < 0 \Rightarrow \begin{cases} a > 0 \\ b < 0 \\ c < 0 \end{cases}$$

$$\Rightarrow \frac{\sqrt{a^2}}{a} + \frac{\sqrt[4]{b^4}}{b} + \frac{\sqrt[6]{c^6}}{c} = \frac{|a|}{a} + \frac{|b|}{b} + \frac{|c|}{c} = 1 + 1 - 1 = 1$$

از بین $\frac{|c|}{c}$ و $\frac{|b|}{b}$ یکی مثبت و یکی منفی است.

(ریاضی ا- توان های گویا و عبارت های ببری- صفحه های ۴۸ تا ۵۲)

(سید سروش کریمی مداغی)

-۶۳

با توجه به این که عدد m بین 0 و 1 است، پس:

$$\sqrt[3]{m} > \sqrt[4]{m} > \sqrt[5]{m} > 0 > -\sqrt[4]{m}$$

پس a مربوط به ریشه هفتم و b مربوط به ریشه چهارم است.

(ریاضی ا- توان های گویا و عبارت های ببری- صفحه های ۴۸ تا ۵۲)

(امیر هوشنگ فمسه)

-۶۴

ابتدا عدد 10 را به صورت $9 + 1$ نوشته و سپس کسر را تفکیک می کنیم.

$$\frac{3 \cos x + 10}{3 + \cos x} = \frac{3 \cos x + 9 + 1}{3 + \cos x} = 3 + \frac{1}{3 + \cos x}$$

حال باید عبارت $\frac{1}{3 + \cos x}$ را ماکریم کنیم.

$$-1 \leq \cos x \leq 1 \Rightarrow 2 \leq 3 + \cos x \leq 4 \Rightarrow \frac{1}{4} \leq \frac{1}{3 + \cos x} \leq \frac{1}{2}$$



راه حل دوم: بررسی تمام گزینه‌ها وقت‌گیر است. در گزینه «۱»، $x = 0$

صدق نمی‌کند. بنابراین گزینه «۱» جواب است.

(ریاضی ا- مثلثات- صفحه‌های ۵۴۲ تا ۵۴۶)

(سینا محمدپور)

$$(x+x^{-1})^{\frac{1}{3}} = \sqrt[3]{x+\frac{1}{x}} = \sqrt[3]{\frac{x^2+1}{x}}$$

حال با جای‌گذاری $x = \sqrt{2} - 1$ در عبارت فوق داریم:

$$\sqrt[3]{\frac{(\sqrt{2}-1)^2+1}{\sqrt{2}-1}} = \sqrt[3]{\frac{2+1-2\sqrt{2}+1}{\sqrt{2}-1}} = \sqrt[3]{\frac{4-2\sqrt{2}}{\sqrt{2}-1}}$$

در نتیجه با گویا کردن مخرج کسر زیر رادیکال داریم:

$$\sqrt[3]{\frac{4-2\sqrt{2}}{\sqrt{2}-1} \times \frac{\sqrt{2}+1}{\sqrt{2}+1}} = \sqrt[3]{\frac{2\sqrt{2}}{1}} = \sqrt[3]{2\sqrt{2}} = \sqrt[3]{8} = \sqrt{2}$$

(ریاضی ا- توان‌های گویا و عبارت‌های بیانی- صفحه‌های ۵۴۱ تا ۵۴۷)

(امیرحسین اخشار)

-۶۹

(فرشاد فرامرزی)

$$\frac{1+\cos x}{\sin x} + \frac{\sin x}{1+\cos x} = \frac{(1+\cos x)^2 + \sin^2 x}{\sin x(1+\cos x)}$$

$$= \frac{1+\cos^2 x + 2\cos x + \sin^2 x}{\sin x(1+\cos x)} = \frac{2+2\cos x}{\sin x(1+\cos x)}$$

$$= \frac{2(1+\cos x)}{\sin x(1+\cos x)} = \frac{2}{\sin x}$$

(ریاضی ا- مثلثات- صفحه‌های ۵۴۲ تا ۵۴۶)

(عزیز الله علی اصغری)

-۶۷

راه حل اول: هر یک از گزینه‌ها را بررسی می‌کنیم:

گزینه «۱»:

$$-\frac{1}{\cos x} + \tan x = -\frac{1}{\cos x} + \frac{\sin x}{\cos x} = \frac{\sin x - 1}{\cos x} \times \frac{\sin x + 1}{\sin x + 1}$$

$$= \frac{\sin^2 x - 1}{\cos x(\sin x + 1)} = \frac{-\cos^2 x}{\cos x(\sin x + 1)} = -\frac{\cos x}{\sin x + 1}$$

پس گزینه «۱» اتحاد نیست.

گزینه «۲»:

$$\frac{1}{\tan x + \cot x} = \frac{1}{\frac{\sin x}{\cos x} + \frac{\cos x}{\sin x}} = \frac{1}{\frac{\sin^2 x + \cos^2 x}{\sin x \cos x}} = \frac{1}{\frac{1}{\sin x \cos x}}$$

اتحاد است.

گزینه «۳»:

$$\frac{1}{1+\tan x} = \frac{1}{\frac{\sin x}{\cos x} + \frac{\cos x}{\sin x}} = \frac{\cos x + \sin x}{\frac{\cos x}{\sin x} + \frac{\sin x}{\cos x}} = \frac{\cos x}{\frac{\sin x + \cos x}{\cos x}} = \frac{\cos x}{\tan x} = \tan x \rightarrow$$

گزینه «۴»:

$$(1-\sin x)\left(\frac{1}{\cos x} + \tan x\right) = (1-\sin x)\left(\frac{1+\sin x}{\cos x}\right)$$

$$= \frac{1-\sin^2 x}{\cos x} = \frac{\cos^2 x}{\cos x} = \cos x \rightarrow$$

می‌توان به کمک اتحاد مزدوج و اتحاد چاق و لاغر حاصل را تجزیه کرد:

$$* ۳^{12} - 1 = (3^6)^2 - 1^2 = (3^6 - 1)(3^6 + 1)$$

$$= (729 - 1)(729 + 1) \Rightarrow 13^{12} - 1 = 728 \times 730$$

اتحاد چاق و لاغر:

$$* ۳^{12} - 1 = (3^4)^3 - 1^3 = (3^4 - 1)(3^4 + 1)$$

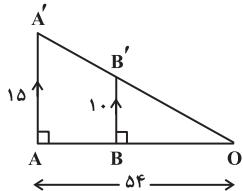
$$= (81 - 1)(3^4 + 1) = 80 \times (3^4 + 1)$$

بنابراین این عدد، بر اعداد ۷۲۸، ۷۳۰ و ۸۰ بخش‌پذیر است.

(ریاضی ا- توان‌های گویا و عبارت‌های بیانی- صفحه‌های ۵۴۱ تا ۵۴۷)



(فرشاد فرامرزی)



-۷۴

$$BB' \parallel AA' \xrightarrow{\text{طبق تالس}} \frac{OB}{OA} = \frac{BB'}{AA'} \Rightarrow \frac{OB}{54} = \frac{10}{15} = \frac{2}{3}$$

$$\Rightarrow OB = 36 \text{ m}$$

$$\Rightarrow AB = OA - OB = 54 - 36 = 18 \text{ m}$$

(هنرسه ا - صفحه‌های ۳۰ تا ۳۴)

(محمد طاهر شاععی)

-۷۴

(فرشاد فرامرزی)

-۷۱

$$\frac{xy + xz}{yz} = \frac{xy}{yz} + \frac{xz}{yz} = \frac{x}{z} + \frac{x}{y}, \quad \frac{x}{2} = \frac{y}{3} \Rightarrow \frac{x}{y} = \frac{2}{3}$$

$$\frac{x}{2} = \frac{z}{6} \Rightarrow \frac{x}{z} = \frac{1}{3} \Rightarrow \frac{xy + xz}{yz} = \frac{1}{3} + \frac{2}{3} = 1$$

(هنرسه ا - صفحه‌های ۳۰ تا ۳۴)

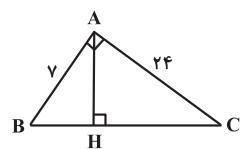
در مثلث قائم‌الزاویه ABC، مطابق شکل ابتدا طول وتر را به دست

-۷۵

(فرشاد فرامرزی)

-۷۲

می‌آوریم:



$$BC^2 = AB^2 + AC^2 = 7^2 + 24^2 = 49 + 576 = 625 \Rightarrow BC = 25$$

حال طول پاره خط‌های BH و CH را محاسبه می‌کنیم:

$$AB^2 = BH \times BC \Rightarrow BH = \frac{7^2}{25} = \frac{49}{25}$$

$$AC^2 = CH \times BC \Rightarrow CH = \frac{24^2}{25} = \frac{576}{25}$$

$$\Rightarrow CH - BH = \frac{576}{25} - \frac{49}{25} = \frac{527}{25} = \frac{2108}{100} = 21.08$$

(هنرسه ا - صفحه‌های ۳۰ تا ۳۴)

$$\begin{cases} 3^2 = x \times y \Rightarrow xy = 9 \\ 4^2 = x \times z \Rightarrow xz = 16 \end{cases} \Rightarrow x(y+z) = 25$$

$$\Rightarrow x \times x = 25 \Rightarrow x^2 = 25 \xrightarrow{x > 0} x = 5$$



(هنرسه ا - صفحه‌های ۳۰ تا ۳۴)

-۷۵

(ریم مشتاق نعم)

-۷۲

چون طول بزرگ‌ترین ضلع مثلث برابر $10\sqrt{2}$ است بنابراین ارتفاع وارد بر

آن برابر ۶ خواهد بود. پس:

$$S = \frac{1}{2} \times 6 \times 10\sqrt{2} = 30\sqrt{2} \Rightarrow \begin{cases} 4 \times b = 30\sqrt{2} \Rightarrow b = \frac{30\sqrt{2}}{4} \\ 5 \times c = 30\sqrt{2} \Rightarrow c = 6\sqrt{2} \end{cases}$$

$$\Rightarrow b + c = \frac{30\sqrt{2}}{4} + 6\sqrt{2} = \frac{30\sqrt{2} + 24\sqrt{2}}{4} = \frac{54\sqrt{2}}{4} = \frac{27\sqrt{2}}{2}$$

(هنرسه ا - صفحه‌های ۳۰ تا ۳۴)

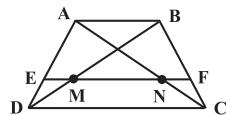


(علی ختحج‌آبادی)

-۷۹

$$\Delta ABD : EM \parallel AB \xrightarrow{\text{طبق تالس}} \frac{EM}{AB} = \frac{DE}{DA} \quad (1)$$

$$\Delta ABC : NF \parallel AB \xrightarrow{\text{طبق تالس}} \frac{NF}{AB} = \frac{FC}{CB} \quad (2)$$



از طرفی در دو زنگه ABCD داریم:

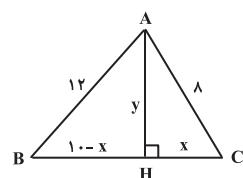
$$EF \parallel AB \parallel CD \Rightarrow \frac{ED}{DA} = \frac{FC}{CB} \quad (3)$$

$$(1), (2), (3) \Rightarrow \frac{EM}{AB} = \frac{NF}{AB} \Rightarrow EM = NF \Rightarrow \frac{EM}{NF} = 1$$

(هنرسه - صفحه‌های ۳۷ تا ۴۷)

(علی ختحج‌آبادی)

-۸۰



$$\left\{ \begin{array}{l} \Delta AHB : y^\circ = 12^\circ - (10 - x)^\circ \Rightarrow 12^\circ - (10 - x)^\circ = 12^\circ - x^\circ \\ \Delta ACH : y^\circ = x^\circ - 1^\circ \end{array} \right.$$

$$\Rightarrow (10 - x)^\circ - x^\circ = 12^\circ - 1^\circ$$

$$\Rightarrow (10 - x + x)(10 - x - x) = (12 - 1)(12 + 1)$$

$$\Rightarrow 10(10 - 2x) = 11 \cdot 13 \Rightarrow 10 - 2x = 11 \Rightarrow 2x = 1$$

$$\Rightarrow x = 1, \quad y = \sqrt{63}$$

$$\Rightarrow xy = \sqrt{63} = 3\sqrt{7}$$

(هنرسه - صفحه‌های ۳۷ تا ۴۷)

(محمد پور احمدی)

-۷۶

وقتی دو زاویه برابر باشند، آن‌گاه مکمل‌های آن‌ها نیز با هم برابر است. دو

مثلث ΔDEC و ΔABC بنایه حالت تساوی دو زاویه متشابه‌اند و داریم:

$$\frac{BC}{CE} = \frac{AC}{DC} \Rightarrow \frac{BC}{4} = \frac{15}{4+BC}$$

$$\Rightarrow 60 = 4BC + BC^2 \Rightarrow BC^2 + 4BC - 60 = 0$$

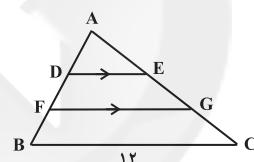
$$\Rightarrow (BC - 6)(BC + 10) = 0 \Rightarrow BC = 6 \quad \text{یا} \quad BC = -10 \quad (\text{غیرقابل})$$

(هنرسه - صفحه‌های ۳۷ تا ۴۷)

(ابراهیم زبفی)

-۷۷

$$AD = DF = FB = x \Rightarrow AF = 4x, \quad AB = 3x$$



$$\frac{AD}{AB} = \frac{x}{3x} = \frac{1}{3} \xrightarrow{\text{طبق تالس}} \frac{DE}{BC} = \frac{1}{3} \Rightarrow DE = \frac{1}{3}BC$$

$$\frac{AF}{AB} = \frac{2x}{3x} = \frac{2}{3} \xrightarrow{\text{طبق تالس}} \frac{FG}{BC} = \frac{2}{3} \Rightarrow FG = \frac{2}{3}BC$$

$$\Rightarrow DE + FG = \frac{1}{3}BC + \frac{2}{3}BC = 12$$

(هنرسه - صفحه‌های ۳۷ تا ۴۷)

(محمد پور احمدی)

-۷۸

$$\left. \begin{array}{l} AB \perp AC \\ CD \perp AC \end{array} \right\} \Rightarrow AB \parallel CD$$

$$\left. \begin{array}{l} AB \parallel CD \\ BC \text{ مورب} \end{array} \right\} \Rightarrow \left. \begin{array}{l} \hat{A}BE = \hat{E}CD \\ \hat{A}EB = \hat{C}ED \end{array} \right\} \xrightarrow{(z)} \Delta ABE \sim \Delta CDE$$

(هنرسه - صفحه‌های ۳۷ تا ۴۷)



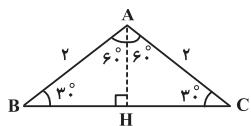
$$\begin{cases} \widehat{AD} - \widehat{BC} = 6^\circ \\ \widehat{AD} + \widehat{BC} = 110^\circ \end{cases} \Rightarrow \widehat{AD} = 85^\circ, \quad \widehat{BC} = 25^\circ$$

(هنرسه ۲ - صفحه‌های ۱۵ تا ۱۷)

پس:

(رهیم مشتاق‌نظام)

-۸۴

ابتدا مساحت مثلث را می‌یابیم، چون AH در مثلث قائم‌الزاویه ضلع روبروبه زاویه 30° است، پس:

$$AH = \frac{AC}{2} = \frac{2}{2} = 1$$

از طرفی $HC = \sqrt{4-1} = \sqrt{3}$ است، بنابراین $BC = 2\sqrt{3}$ و داریم:

$$S_{\Delta ABC} = \frac{1}{2} \times 2\sqrt{3} \times 1 = \sqrt{3}$$

از طرفی مساحت قطاعی با زاویه مرکزی 120° و شعاع ۲ برابر است با:

$$S = \frac{\pi \times 4 \times 120}{360} = \frac{4\pi}{3}$$

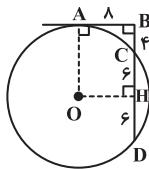
$$= \frac{4\pi}{3} - \sqrt{3}$$

(هنرسه ۲ - صفحه‌های ۱۵ تا ۱۷)

(رهیم عباسی اصل)

-۸۵

با توجه به شکل مقابل داریم:



$$BA^2 = BC \cdot BD \Rightarrow 64 = 4BD \Rightarrow BD = 16 \Rightarrow DC = 12$$

از مرکز دایره بر CD عمود می‌کنیم. می‌دانیم شعاع عمود بر وتر آن را نصف می‌کند، پس داریم:

$$CH = HD = \frac{CD}{2} = 6$$

چهارضلعی $ABHO$ مستطیل است، بنابراین داریم:

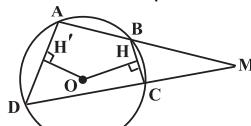
$$R = OA - \frac{OA = BH}{OA = BH} \Rightarrow R = 4 + 6 = 10$$

(هنرسه ۲ - صفحه‌های ۱۳، ۱۴ و ۱۵)

(علیرضا احمدی)

-۸۶

می‌دانیم قطر عمود بر وتر، وتر را نصف می‌کند، پس داریم:

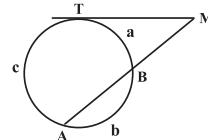


(شروعن سیاح‌نیا)

هندسه (۲)

-۸۱

ابتدا اندازه کمان‌های ایجاد شده را محاسبه می‌کنیم:



$$\frac{a}{2} = \frac{b}{3} = \frac{c}{5} = x \Rightarrow \begin{cases} a = 2x \\ b = 3x \\ c = 5x \end{cases} \Rightarrow a+b+c = 10x = 360^\circ \Rightarrow x = 36^\circ$$

 $\Rightarrow \widehat{BT} = 2x = 72^\circ, \quad \widehat{AT} = 5x = 180^\circ, \quad \widehat{AB} = 3x = 108^\circ$

می‌دانیم زاویه بین مماس و امتداد یک وتر، برابر با نصف قدر مطلق تفاضل کمان‌های روبرو به آن است، لذا خواهیم داشت:

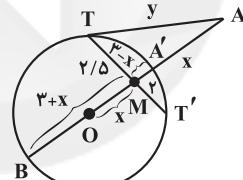
$$\hat{M} = \frac{\widehat{AT} - \widehat{BT}}{2} = \frac{180^\circ - 72^\circ}{2} = 54^\circ$$

(هنرسه ۲ - صفحه‌های ۱۵ تا ۱۷)

(فرشاد فرامرزی)

-۸۲

از روابط طولی در دایره داریم:



$$MT \times MT' = MB \times MA'$$

$$2 \times 2 = (3+x)(3-x) \Rightarrow 9 - x^2 = 4 \Rightarrow x^2 = 5 \Rightarrow x = \sqrt{5} \quad (\text{همچنین داریم:})$$

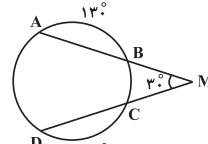
$$AT^2 = AA' \times AB \Rightarrow y^2 = 2 \times 8 = 16 \Rightarrow y = 4 \Rightarrow x + y = 6$$

(هنرسه ۲ - صفحه‌های ۱۶ و ۱۷)

(مهرداد ملوبنی)

-۸۳

مطابق شکل داریم:



$$\hat{M} = \frac{\widehat{AD} - \widehat{BC}}{2} = 30^\circ \Rightarrow \widehat{AD} - \widehat{BC} = 60^\circ$$

از طرفی مجموع کمان‌های \widehat{AD} و \widehat{BC} برابر می‌شود با:

$$\widehat{AD} + \widehat{BC} = 360^\circ - (130^\circ + 120^\circ) = 110^\circ$$



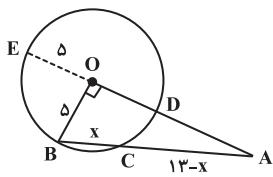
زاویه \widehat{BOC} زاویه مرکزی است و داریم:
 $\widehat{BOC} = \widehat{BC} = \alpha \Rightarrow \widehat{BOC} + \widehat{M} = 2\alpha = 75^\circ$

$$\Rightarrow \widehat{M} = \frac{75^\circ}{2} = 37.5^\circ$$

(هنرسه ۲ - صفحه‌های ۱۵ تا ۱۷)

(علی ساوهی) -۸۹

اگر امتداد AO دایره را در نقطه E قطع کند، آن‌گاه $OE = 5$ است. در مثلث قائم‌الزاویه OAB داریم:



$$AB^2 = OA^2 + OB^2 \Rightarrow AB = \sqrt{144 + 25} \Rightarrow AB = 13$$

بنابر روابط طولی در دایره داریم:

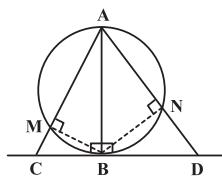
$$AC \times AB = AD \times AE \Rightarrow (13 - x) \times 13 = (12 - 5) \times (12 + 5)$$

$$\Rightarrow (13 - x) \times 13 = 119 \Rightarrow 13 - x = \frac{119}{13} \Rightarrow x = 13 - \frac{119}{13} = \frac{50}{13}$$

(هنرسه ۲ - صفحه‌های ۱۸ و ۱۹)

(سینا محمدپور) -۹۰

از آنجایی که AB قطر دایره می‌باشد، بنابراین:



$$\widehat{AMB} = \widehat{ANB} = 90^\circ$$

از طرفی می‌دانیم خط مماس بر دایره، در نقطه تماس بر قطر دایره عمود است:

$$\widehat{ABD} = \widehat{ABC} = 90^\circ$$

به عبارتی نتیجه می‌شود که BM و BN به ترتیب ارتفاعاتی دو مثلث قائم‌الزاویه ABD و ABC می‌باشند، حال طبق روابط طولی مثلث قائم‌الزاویه داریم:

$$\begin{cases} \Delta ABC : AB^2 = AM \cdot AC \\ \Delta ABD : AB^2 = AN \cdot AD \end{cases} \Rightarrow AM \cdot AC = AN \cdot AD$$

$$\Rightarrow 9 \times (9 + 3) = 6 \times (6 + DN) \Rightarrow 6 + DN = 18 \Rightarrow DN = 12$$

(هنرسه ۲ - صفحه‌های ۱۵ تا ۱۷)

$$\widehat{M} = \frac{\widehat{AD} - \widehat{BC}}{2} \Rightarrow \widehat{AD} > \widehat{BC} \Rightarrow AD > BC$$

$$\Rightarrow \frac{AD}{2} > \frac{BC}{2} \Rightarrow AH' > BH \quad (1)$$

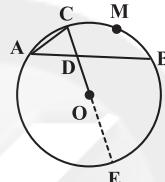
طبق قضیه فیثاغورس در مثلث‌های r داریم (r شاعع دایره است):

$$\left. \begin{array}{l} OA^2 = r^2 = OH'^2 + AH'^2 \\ OB^2 = r^2 = OH^2 + BH^2 \end{array} \right\} \Rightarrow OH'^2 + AH'^2 = OH^2 + BH^2$$

$$\Rightarrow AH'^2 - BH^2 = OH^2 - OH'^2 \xrightarrow{(1)} OH > OH' \quad (IV) \text{ - صفحه‌های ۱۳ تا ۱۷}$$

(سینا محمدپور) -۸۷

مطابق شکل، وسط کمان BC را M می‌نامیم، لذا داریم:



$$\widehat{AC} = \widehat{CM} = \widehat{MB} \quad (*)$$

از طرفی شاعع OC را از طرف O امتداد می‌دهیم تا دایره را در نقطه قطع نماید. حال داریم:

$$\widehat{AEC} = \frac{\widehat{AE}}{2} = \frac{180^\circ - \widehat{AC}}{2} = 90^\circ - \frac{\widehat{AC}}{2}$$

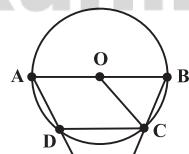
$$\widehat{ADC} = \frac{\widehat{AC} + \widehat{BE}}{2} = \frac{\widehat{BM} + \widehat{BE}}{2} = \frac{\widehat{ME}}{2} = \frac{180^\circ - \widehat{CM}}{2}$$

$$\xrightarrow{(*)} \widehat{ADC} = 90^\circ - \frac{\widehat{AC}}{2}$$

$$\widehat{ACD} = \widehat{ADC} \Rightarrow AC = AD$$

(هنرسه ۲ - صفحه‌های ۱۵ تا ۱۷)

(علیرضا احمدی) -۸۸



فرض کنید α ، $\widehat{BC} = \widehat{AD} = \widehat{CD} = \alpha$ ، $AB \parallel CD$ و داریم:

$$\widehat{AD} + \widehat{CD} + \widehat{BC} = 180^\circ \Rightarrow \widehat{CD} = 180^\circ - \widehat{AD} - \widehat{BC} = 180^\circ - 2\alpha$$

$$\widehat{M} = \frac{\widehat{AB} - \widehat{CD}}{2} = \frac{180^\circ - (180^\circ - 2\alpha)}{2} = \alpha$$



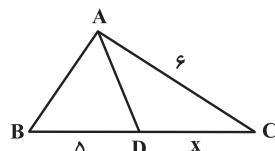
$$\Rightarrow \frac{3x}{4x} = \frac{CN}{x} \Rightarrow CN = \frac{3x^2}{4x} \Rightarrow CN = \frac{3}{4}x$$

$$\Rightarrow S_{ANCB} = \frac{(AB + CN) \times BC}{2} = \frac{\left(x + \frac{3}{4}x\right) \times x}{2} = \frac{\frac{7}{4}x^2}{2} = \frac{7}{8}x^2$$

$$\frac{S_{ANCB}}{S_{ABCD}} = \frac{\frac{7}{8}x^2}{x^2} = \frac{7}{8}$$

(۳۴۷ ۵ ۳۴۶ های صفحه‌های - هندسه)

(فرمودار فرامرزی)



$$\begin{cases} \hat{BAC} = \hat{ADC} \\ \hat{C} = \hat{C} \end{cases} \Rightarrow \Delta ACD \sim \Delta BCA \Rightarrow \frac{AC}{BC} = \frac{CD}{AC}$$

$$\Rightarrow \frac{6}{5+x} = \frac{x}{6} \Rightarrow x^2 + 5x - 36 = 0 \Rightarrow (x+9)(x-4) = 0$$

$$\Rightarrow \begin{cases} x = -9 & \text{غیر ممکن} \\ x = 4 & \text{CD} = 4 \end{cases}$$

(۳۴۷ ۵ ۳۴۸ های صفحه‌های - هندسه)

(رضاعباسی اصل)

$$\Delta ABC : KF \parallel BC \xrightarrow{\text{طبق تالس}} \frac{KF}{BC} = \frac{AF}{AC} \Rightarrow \frac{1}{2} = \frac{AF}{AC} \Rightarrow \frac{FC}{AC} = \frac{1}{2}$$

$$\Delta ACD : EF \parallel AD \xrightarrow{\text{طبق تالس}} \frac{CF}{AC} = \frac{EF}{AD}$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2} = \frac{x-3}{x+1} \Rightarrow x = 7 \Rightarrow AD = 8$$

(۳۴۷ ۵ ۳۴۹ های صفحه‌های - هندسه)

-۹۵

داریم:

يعني AC واسطة هندسی بين دو پاره خط CD و BC است.

(۳۴۷ ۵ ۳۴۸ های صفحه‌های - هندسه)



$$\triangle ABC : DE \parallel BC \Rightarrow \frac{AE}{AC} = \frac{DE}{BC} \Rightarrow \frac{3}{AC} = \frac{4}{10}$$

$$\Rightarrow AC = 2/5 \Rightarrow CE = 2/5 - 3 = 4/5$$

محیط مثلث ABC برابر ۲۸ است. بنابراین:

$$28 = AB + AC + BC \Rightarrow 28 = AB + 2/5 + 10 \Rightarrow AB = 10/5$$

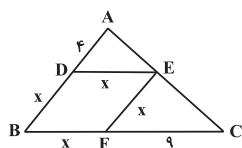
$$\triangle ABC : DE \parallel BC \Rightarrow \frac{AD}{AB} = \frac{DE}{BC} \Rightarrow \frac{AD}{10/5} = \frac{4}{10}$$

$$\Rightarrow AD = 4/2 \Rightarrow BD = AB - AD = 10/5 - 4/2 = 6/5$$

$$\Rightarrow \text{محیط ذوزنقه } = BD + DE + EC + BC = 6/5 + 4 + 4/5 + 10 = 24/5$$

(هنرسه ا - صفحه‌های ۵۳۴ و ۵۳۷)

(فرشاد فرامرزی)



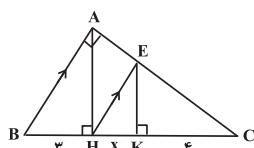
$$DE \parallel BC \Rightarrow \frac{AD}{AB} = \frac{DE}{BC} \Rightarrow \frac{4}{4+x} = \frac{x}{9+x}$$

$$\Rightarrow 4x + 4x = 4x + x^2 \Rightarrow x^2 = 4x \xrightarrow{x > 0} x = 4$$

$$DE \parallel BC \Rightarrow \frac{CE}{AC} = \frac{BD}{AB} = \frac{x}{4+x} \Rightarrow \frac{CE}{AC} = \frac{6}{10} = \frac{3}{5}$$

(هنرسه ا - صفحه‌های ۵۳۴ و ۵۳۷)

(علی ختح آبادی)



$$\left. \begin{aligned} AH \parallel EK \Rightarrow \frac{4}{x} = \frac{EC}{AE} \\ AB \parallel EH \Rightarrow \frac{4+x}{3} = \frac{EC}{AE} \end{aligned} \right\} \Rightarrow \frac{4}{x} = \frac{4+x}{3}$$

$$\Rightarrow x^2 + 4x = 12 \xrightarrow{x > 0} x^2 + 4x + 4 = 16$$

$$\Rightarrow (x+2)^2 = 16 \Rightarrow x+2 = \pm 4 \xrightarrow{x > 0} x = 2$$

$$AH^2 = BH \times CH = 2 \times 6 \Rightarrow AH = \sqrt{12} = 2\sqrt{3}$$

(هنرسه ا - صفحه‌های ۵۳۴ و ۵۳۷)

(ریم مشتق نظر)

-۹۶

چون در دو مثلث $\triangle DEC$ و $\triangle ABC$ ، $\angle C = \angle C$ ، $DEC \parallel BC$ و زاویه بین

$$\frac{EC}{BC} = \frac{6}{9} = \frac{2}{3}$$

برابر متشابه هستند. بنابراین:

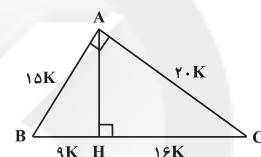
$$\frac{x}{x+2} = \frac{2}{3} \Rightarrow 3x = 2x + 4 \Rightarrow x = 4$$

(هنرسه ا - صفحه‌های ۵۳۱ و ۵۳۲)

(رضیا عباسی اصلی)

-۹۷

بنابه فرض داریم:



$$BH = 9K \text{ و } HC = 16K$$

حال بنابه روابط طولی در مثلث قائم الزاویه ABC داریم:

$$AC^2 = CH \cdot CB = 16K \cdot 25K \Rightarrow AC = 20K$$

$$AB^2 = BH \cdot BC = 9K \cdot 25K \Rightarrow AB = 15K$$

$$S_{\triangle ABC} = \frac{1}{2} AB \cdot AC \Rightarrow 150 = \frac{1}{2} \times 15K \times 20K \Rightarrow K = 1$$

$$\Rightarrow ABC = 15K + 20K + 25K = 60K = 60$$

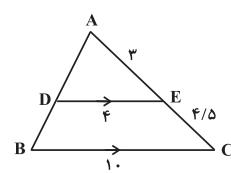
(هنرسه ا - صفحه‌های ۵۳۱ و ۵۳۲)

(علیرضا نصرالله)

-۹۸

در مثلث ABC با توجه به این که $DE \parallel BC$ ، با استفاده از تعمیم قضیه

تالس داریم:





(فسرو ارگوان فرد)

-۱۰۴

می‌دانیم که کار برایند نیروهای وارد بر جسم، برابر با تغییرات انرژی جنبشی آن می‌باشد. در این جایه‌جایی کار نیروی وزن و نیروی عمودی سطح به دلیل آن که بر جایه‌جایی عمودند، صفر است و تنها نیرویی که کار انجام می‌دهد، نیروی \vec{F} می‌باشد.

$$W_t = F \cdot d \cdot \cos\alpha = \frac{1}{2}mv^2 - \frac{1}{2}mv_0^2$$

$$\Rightarrow F \times 20 \times \cos 37^\circ = \frac{1}{2} \times 2 \times 20^2 - \frac{1}{2} \times 2 \times 10^2 \Rightarrow F = 18 / 75 N$$

(فیزیک - صفحه‌های ۲۸ تا ۲۱)

(مهندسی براتی)

-۱۰۵

کار نیروی وزن برابر با قرینه تغییرات انرژی پتانسیل گرانشی جسم است:

$$W_{mg} = -\Delta U = -mg\Delta h$$

با فرض پایین ترین نقطه مسیر به عنوان مبدأ انرژی پتانسیل گرانشی، داریم:

$$A \rightarrow B : W_{mg} = -mg(2 - 1) = +8 mg$$

$$B \rightarrow D : W_{mg} = -mg(6 - 2) = -4 mg$$

$$\Rightarrow \frac{W_{mg}}{W_{mg}} = \frac{+8 mg}{-4 mg} = -2$$

(فیزیک - صفحه‌های ۳۹ تا ۳۲)

(سیدعلی میرنوری)

-۱۰۶

اگر بعد از جایه‌جایی d ، انرژی جنبشی جسم را K در نظر بگیریم، داریم:

$$K = \frac{1}{2}mv^2 \xrightarrow{\text{ثابت}} K = \left(\frac{v}{v_0}\right)^2$$

$$\xrightarrow{\frac{v}{v_0} = \frac{1}{2}} \frac{K}{K_0} = \left(\frac{1}{2}\right)^2 = \frac{1}{4} \Rightarrow K = \frac{1}{4}K_0$$

(سیدعلی میرنوری)

-۱۰۱

کار کل نیروهای وارد بر جسم برابر با مجموع کار هر یک از نیروهای وارد بر جسم است. پس اگر کار کل صفر باشد، داریم:

$$W_t = W_1 + W_2 + \dots = 0$$

(فیزیک - صفحه‌های ۲۹ تا ۳۸)

(مهندسی براتی)

-۱۰۲

کار انجام شده توسط نیروی \vec{F} در جایه‌جایی d از رابطه زیر به دست می‌آید که در آن α زاویه بین بردار جایه‌جایی و بردار نیرو است.

$$W = F \cdot d \cdot \cos\alpha$$

نیروی وارد شده از طرف بالن به شخص به سمت بالا است و جایه‌جایی به سمت پایین، در نتیجه $\cos\alpha = 180^\circ$ و $\alpha = -180^\circ$ می‌شود و کار بالان منفی است. نیروی وارد شده از طرف زمین به شخص و همچنین جایه‌جایی به سمت پایین است، بنابراین $\cos\alpha = 0$ و $\alpha = 90^\circ$ می‌شود و کار نیروی جاذبه زمین مثبت است.

(فیزیک - صفحه‌های ۳۹ تا ۳۴ و ۴۰ تا ۳۲)

(فسرو ارگوان فرد)

-۱۰۳

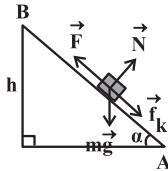
در لحظه شروع حرکت ($t = 0$)، تندی متحرک $v = \frac{m}{s}$ و در لحظه توقف $v = 0$ می‌باشد. کل کار انجام شده بر روی متحرک برابر با تغییر در انرژی جنبشی آن است:

$$W_t = \frac{1}{2}mv^2 - \frac{1}{2}mv_0^2 = 0 - \frac{1}{2} \times 2 \times 2^2 = -9 J$$

(فیزیک - صفحه‌های ۲۱، ۲۹ و ۳۲ تا ۳۱)



$$\Rightarrow W_t = \frac{1}{\gamma} \times 1 \times (4 - 0) = 8 \text{ J}$$



در شکل فوق نیروهای وارد بر جسم نشان داده شده‌اند، کار انجام شده

توسط هر یک از نیروها را در این جایه‌جایی می‌نویسیم و سپس جمع می‌کنیم.

نیروی تکیه‌گاه عمود بر مسیر جایه‌جایی بوده و کاری انجام نمی‌دهد.

$$\sin \delta \alpha^\circ = \frac{h}{AB} \Rightarrow \alpha / \lambda = \frac{h}{\delta} \Rightarrow h = 4m$$

$$W_{mg} = -mgh = -1 \times 1 \times 4 = -4 \text{ J}$$

$$W_F = F \cdot d = 12 \times 4 = 60 \text{ J}$$

$$W_{\text{کل}} = W_{mg} + W_N + W_F + W_{f_k}$$

$$\Rightarrow \lambda = -40 + 0 + 60 + W_{f_k} \Rightarrow W_{f_k} = -12 \text{ J}$$

(فیزیک - صفحه‌های ۴۱، ۴۲، ۵۲، ۵۳ و ۴۵)

(مهندسی برق ای)

یعنی بعد از جایه‌جایی d ، انرژی جنبشی $\frac{1}{4}$ انرژی جنبشی اولیه جسم است و

$\frac{3}{4}$ انرژی جنبشی اولیه آن صرف غلبه بر کار نیروهای مقاوم شده است.

(فیزیک - صفحه‌های ۳۸، ۳۹، ۴۰، ۴۱ و ۴۵)

(سیدعلی میرنوری)

-۱۰۷

$$\Delta U = U_2 - U_1 = (-mg(2L) + mgL) - 0 = -mgL$$

انرژی پتانسیل گرانشی کل سیستم به اندازه mgL کاهش می‌یابد، بنابراین

طبق اصل پایستگی انرژی مکانیکی، داریم:

$$\begin{aligned} U &= 0 \\ \Delta K + \Delta U &= 0 \xrightarrow{\Delta U = -mgL} \frac{V_1 = 0, K_1 = 0, \Delta K = K_2}{\Delta U = -mgL} \\ K_2 - mgL &= 0 \Rightarrow K_2 = mgL \\ 1 = 0 / 5 \times 10 \times L &\Rightarrow L = 0 / 2m = 20 \text{ cm} \end{aligned}$$

(فیزیک - صفحه‌های ۳۸، ۳۹، ۴۰، ۴۱ و ۴۵)

(فرشید رسولی)

-۱۰۸

طبق اصل پایستگی انرژی مکانیکی و با توجه به این که تندی جسم در ابتدا و انتهای مسیر صفر است، انرژی پتانسیل گرانشی جسم به انرژی پتانسیل کشسانی سامانه جسم - فنر تبدیل می‌شود. حالت اول را جایی می‌گیریم که جسم رها می‌شود و حالت دوم را جایی که فنر فشرده شده است.

$$\Delta U_g + \Delta U_e = 0 \Rightarrow -mg(h + x) + \Delta U_e = 0$$

$$\Rightarrow \frac{500}{1000} \times 10 \times (20 + 4) \times 10^{-2} = \Delta U_e \Rightarrow \Delta U_e = 1/2 \text{ J}$$

$$\Rightarrow W_{\text{فنر}} = -\Delta U_e = -(1/2) = -1/2 \text{ J}$$

(فیزیک - صفحه‌های ۴۱، ۴۲ و ۴۳)

(فرشید رسولی)

-۱۰۹

طبق قضیه کار - انرژی جنبشی می‌توان نوشت:

$$W_t = \Delta K = \frac{1}{2} m(v_2^2 - v_1^2)$$

(فیزیک - صفحه‌های ۳۸، ۳۹، ۴۰ و ۴۱)

$$K = \frac{20}{100} \times E_{\text{کل}} = 4 \times 10^5 \text{ J}$$

$$K = \frac{1}{2} mv^2 \Rightarrow 4 \times 10^5 = \frac{1}{2} \times 1 \times 10^6 \times 10^{-3} \times (v^2 - 0)$$

$$\Rightarrow v = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}} = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}} \times \frac{1 \text{ km}}{1000 \text{ m}} \times \frac{3600 \text{ s}}{1 \text{ h}} = 36 \frac{\text{km}}{\text{h}}$$

(فیزیک - صفحه‌های ۳۸، ۳۹، ۴۰ و ۴۱)



$$\begin{aligned} |q'_1| &= |q'_2| = q - \frac{1}{100}q = \frac{9}{10}q \quad (q > 0) \\ r' &= r + \frac{1}{100}r = \frac{11}{10}r \\ F' &= \frac{k \frac{|q'_1||q'_2|}{r'^2}}{k \frac{|q_1||q_2|}{r^2}} = \frac{|q'_1||q'_2|}{|q_1||q_2|} \times \frac{r^2}{r'^2} \\ \Rightarrow \frac{F'}{405} &= \frac{\frac{9}{10}q \times \frac{9}{10}q}{q \times q} \times \frac{r^2}{\left(\frac{11}{10}r\right)^2} \\ \Rightarrow \frac{F'}{405} &= \frac{9}{10} \times \frac{9}{10} \times \frac{10}{11} \times \frac{10}{11} = \frac{81}{121} \Rightarrow F' = 40.5 \text{ N} \end{aligned}$$

(فیزیک ۲ - صفحه‌های ۱۰ تا ۱۹)

(سیدعلی میرنوری)

-۱۱۵

طبق تعریف کمی میدان الکتریکی، داریم:

$$\vec{F} = \vec{E} \cdot q = (3\vec{i} + 4\vec{j}) \times 10^5 \times (-2 \times 10^{-6}) \Rightarrow \vec{F} = -0.6\vec{i} - 0.8\vec{j} \text{ N}$$

(فیزیک ۲ - صفحه‌های ۱۰ تا ۱۹)

(سیدعلی میرنوری)

-۱۱۶

در ابتدا اندازه میدان الکتریکی حاصل از هر یک از بارهای q_1 و q_2 در نقطه

$$\text{A} \quad \text{وسط فاصله آنها برابر با } \frac{E}{2} \text{ است.}$$

$$\begin{array}{c} \rightarrow \vec{E}_1 \\ \rightarrow \vec{E}_2 \\ q_1 = q \quad A \quad q_2 = -q \end{array}$$

$$E_1 + E_2 = E \quad \frac{E_1 + E_2}{2} = E_1 = E_2 = \frac{E}{2}$$

در حالت دوم که بار یکی را نصف می‌کنیم و به دیگری می‌دهیم، چون دو بار ناهمنام هستند، اندازه بار هر دو نصف می‌شود.

$$\begin{array}{c} \rightarrow \vec{E}'_2 = \frac{\vec{E}_2}{2} \\ \rightarrow \vec{E}'_1 = \frac{\vec{E}_1}{2} \\ q_1 = \frac{q}{2} \quad A \quad q_2 = -\frac{q}{2} \end{array}$$

$$E' = \frac{E_2}{2} + \frac{E_1}{2} = \frac{E}{4} + \frac{E}{4} \Rightarrow E' = \frac{E}{2}$$

(فیزیک ۲ - صفحه‌های ۱۰ تا ۱۹)

(امیر معموری انتزابی)

-۱۱۷

ابتدا تغییر انرژی پتانسیل الکتریکی را حساب می‌کنیم:

$$\Delta V = V_B - V_A = -20 - 10 = -30 \text{ V}$$

$$\Delta U = \Delta V \times q = -30 \times 2 \times 10^{-3} = -6 \times 10^{-2} \text{ J}$$

(سیدعلی میرنوری)

فیزیک (۲)

-۱۱۱

با افزایش تعداد بارهای الکتریکی، ممکن است در یک نقطه معین، میدان الکتریکی کاهش یابد. از طرف دیگر، میدان الکتریکی در هر نقطه، به بار موجود در آن نقطه بستگی ندارد. همچنین هر چه فاصله خطوط میدان الکتریکی در یک نقطه از فضای بیشتر باشد، اندازه میدان الکتریکی در آن نقطه کمتر است.

(فیزیک ۲ - صفحه‌های ۱۰ تا ۱۹)

(محمدصادق ماسیده)

-۱۱۲

قانون کولن را برای حل مسئله در سه مرحله به صورت زیر به کار می‌گیریم. توجه کنید که علامت بارها در رابطه جاگذاری نمی‌شود و علامت صرفاً به خاطر آن است که مشخص شود نیرو جاذبه است یا دافعه.

$$\begin{cases} F = k \frac{|q_1||q_2|}{r^2} : \text{در مرحله اول} \\ F = k \frac{|q_1||q_2|}{r^2} \Rightarrow 30 = k \frac{q \times q}{d^2} \Rightarrow 30 = k \frac{q^2}{d^2} \\ F = k \frac{(Q+q)(Q-q)}{d^2} : \text{در مرحله سوم} \end{cases}$$

$$\Rightarrow F = k \frac{(Q^2 - q^2)}{d^2} = k \frac{Q^2}{d^2} - k \frac{q^2}{d^2} = 40 - 30 = 10 \text{ N}$$

(فیزیک ۲ - صفحه‌های ۱۰ تا ۱۹)

(محمدحسین معززیان)

-۱۱۳

در این سوال ضریب k بر حسب $\frac{N \cdot mm^2}{C^2}$ داده شده است، بنابراین نیازی به تبدیل فاصله پروتون‌ها به متر نداریم:

$$F = \frac{k |q_1||q_2|}{r^2} \quad q_1 = q_2 = 1.6 \times 10^{-19} C$$

$$F = 9 \times 10^{15} \times \frac{1.6 \times 1.6 \times 10^{-38}}{4 \times 10^{-24}} = 57 / 6 \text{ N}$$

نیروی بین ۲ پروتون از نوع دافعه می‌باشد.

(فیزیک ۲ - صفحه‌های ۱۰ تا ۱۹)

(امیر معموری انتزابی)

-۱۱۴

چون نیروی بین دو بار با اندازه‌های برابر از نوع جاذبه است، پس یکی مثبت و دیگری منفی است. چون 10 درصد از بار یکی را برداشت و به دیگری اضافه

می‌کنیم، پس اندازه بار هر کدام $\frac{9}{10}$ برابر می‌شود، طبق رابطه قانون کولن داریم:



(کتاب آبی)

-۱۲۲

در اثر مالش، این الکترون‌ها هستند که از یک جسم به جسم دیگر منتقل می‌شوند.

(فیزیک ۳ - صفحه‌های ۲۵ تا ۲۶)

(کتاب آبی)

-۱۲۳

اگر کره‌ها کاملاً مشابه باشند با توجه به عالمت بار کره‌ها و این که فاصله دو کره تغییر نکرده است، هر سه حالت می‌تواند اتفاق بیفتند چون نیرو متناسب با حاصل ضرب بارهای است.

اگر شعاع کره‌ها متفاوت باشد باز هم هر سه حالت ممکن است، اتفاق بیفتند.

(فیزیک ۳ - صفحه‌های ۲۷ تا ۲۸)

(کتاب آبی)

-۱۲۴

$$\mathbf{F} = k \frac{|q_1||q_2|}{r^2} \Rightarrow \frac{\mathbf{F}'}{\mathbf{F}} = \frac{|q'_1||q'_2|}{|q_1||q_2|} \times \left(\frac{\mathbf{r}'}{\mathbf{r}}\right)^2$$

$$\Rightarrow \frac{\mathbf{F}'}{\mathbf{F}} = \frac{(|Q| - \frac{1}{r}|Q|) \times (|Q| + \frac{1}{r}|Q|)}{|Q| \times |Q|} \times \left(\frac{\mathbf{r}'}{\mathbf{r}}\right)^2$$

$$\Rightarrow \frac{\mathbf{F}'}{\mathbf{F}} = \frac{|Q|^2 - \frac{1}{r}|Q|^2}{|Q|^2} \Rightarrow \frac{\mathbf{F}'}{\mathbf{F}} = \frac{3}{4} \Rightarrow \mathbf{F}' = \frac{3}{4} \mathbf{F}$$

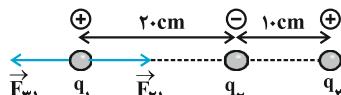
(فیزیک ۳ - صفحه‌های ۲۷ تا ۲۸)

(کتاب آبی)

-۱۲۵

چون برایند نیروهای الکتریکی وارد بر هر یک از بارهای نقطه‌ای صفر است، مطابق شکل اگر برایند نیروهای وارد بر بار q_1 صفر باشد، با فرض $q_1 > 0$

لازم است q_2 و q_3 ناهم نام باشند. (مطابق شکل)



$$\vec{F}_{T,1} = 0 \Rightarrow \vec{F}_{21} + \vec{F}_{31} = 0 \Rightarrow \vec{F}_{21} = -\vec{F}_{31}$$

$$\Rightarrow |\vec{F}_{21}| = |\vec{F}_{31}| \Rightarrow k \frac{|q_2||q_1|}{r_{21}^2} = k \frac{|q_3||q_1|}{r_{31}^2}$$

$$\Rightarrow \frac{|q_2|}{(20)^2} = \frac{|q_3|}{(30)^2} \Rightarrow \frac{q_3}{q_2} = \frac{900}{400} = \frac{9}{4}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} q_3 > 0 \\ q_2 < 0 \end{cases} \Rightarrow \frac{q_3}{q_2} = -\frac{9}{4}$$

فرضی که در ابتدای پاسخ در نظر گرفتیم، در نتیجه نهایی تأثیری نخواهد داشت.

(فیزیک ۳ - صفحه‌های ۲۵ تا ۲۶)

طبق اصل پایستگی انرژی مکانیکی $\Delta U + \Delta K = 0$ است، بنابراین $\Delta K = -\Delta U = 6 \times 10^{-2} J$

$$\Delta K = \frac{1}{2} m(v_B^2 - v_A^2) \Rightarrow 6 \times 10^{-2} = \frac{1}{2} \times 10^{-2} (v_B^2 - v_A^2)$$

$$\Rightarrow 12 = v_B^2 - 4 \Rightarrow v_B^2 = 16 \Rightarrow v_B = \frac{m}{s}$$

(فیزیک ۳ - صفحه‌های ۲۱ تا ۲۵)

-۱۱۸

(سید امیر نیکوبنی نعالی)

کار نیروی میدان روی بار (W_E) قرینه تغییر انرژی پتانسیل الکتریکی بار است، پس:

$$\Delta U_E = -W_E = -|q| Ed \cos \alpha$$

$$\Rightarrow \Delta U_E = -100 \times 10^{-9} \times 4000 \times 10^{-1} \times (-1) = 4 \times 10^{-5} = 40 \mu J$$

(فیزیک ۳ - صفحه‌های ۲۱ تا ۲۷)

-۱۱۹

(مسین تاصیه)

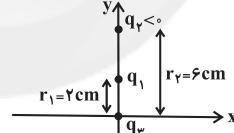
نقاط A و B در راستای عمود بر خطوط میدان الکتریکی اند، بنابراین هم پتانسیل اند ($V_A = V_B$). با حرکت در جهت خطوط میدان الکتریکی $V_A = V_B > V_C > V_D$ پتانسیل الکتریکی نقاط کاهش می‌یابد، پس:

(فیزیک ۳ - صفحه‌های ۲۳ تا ۲۷)

-۱۲۰

(زیما نوروزی)

ابتدا جایگاه بارها را بر روی محور مختصات رسم می‌کنیم:



با توجه به این که q_3 در خارج از خط واصل q_1 و q_2 قرار دارد و در حالت تعادل است، پس بارهای q_1 و q_2 غیرهم‌نام‌اند. در نتیجه بار q_1 حتماً مثبت است. داریم:

$$F_{13} = F_{23} \Rightarrow k \frac{|q_1||q_3|}{r_3^2} = k \frac{|q_2||q_3|}{r_2^2}$$

$$\Rightarrow \frac{|q_1|}{4} = \frac{9}{36} \Rightarrow |q_1| = 1 \mu C \xrightarrow{q_1 > 0} q_1 = 1 \mu C$$

(فیزیک ۳ - صفحه‌های ۲۵ تا ۳۰)

-۱۲۱

(کتاب آبی)

$$q = -ne = -10^{15} \times 1/6 \times 10^{-19} = -1/6 \times 10^{-4} C$$

$$q_2 = q_1 + q = 16 \times 10^{-6} - 1/6 \times 10^{-4}$$

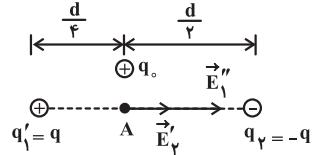
$$= 0/16 \times 10^{-4} - 1/6 \times 10^{-4} \Rightarrow q_2 = -1/44 \times 10^{-4} C$$

(فیزیک ۳ - صفحه‌های ۲۵ تا ۵۰)



حالت اول:

$$\left\{ \begin{array}{l} E'_1 = E'_2 = k \frac{|q|}{r^2} = k \frac{|q|}{(\frac{d}{2})^2} = \frac{k |q|}{\frac{d^2}{4}} = E' \quad (1) \\ |\vec{E}_A| = |\vec{E}'_1| + |\vec{E}'_2| \xrightarrow{(1)} |\vec{E}_A| = E' + E' = E \Rightarrow E' = \frac{E}{2} \quad (*) \end{array} \right.$$



حالت دوم:

$$\left\{ \begin{array}{l} E''_1 = k \frac{|q'_1|}{r'^2} = k \frac{|q|}{(\frac{d}{4})^2} = 16k \frac{|q|}{d^2} = 16E' \quad (2) \\ |\vec{E}'_A| = |\vec{E}''_1| + |\vec{E}'_2| \xrightarrow{(2)} |\vec{E}'_A| = 16E' + E' = 17E' \\ \Rightarrow E'_A = 17E' \xrightarrow{(*)} E'_A = 17 \times \frac{E}{2} = 17/2 E \end{array} \right.$$

(فیزیک ۲ - صفحه‌های ۱۰ تا ۱۶)

(کتاب آبی)

-۱۲۹

جون بار A به B از $q = -5\mu C$ جایه‌جا می‌شود در خلاف جهت میدان الکتریکی حرکت کرده است پس انرژی پتانسیل الکتریکی آن کاهش می‌یابد.

$$\Delta U_E = -E |q| d = -10^5 \times 5 \times 10^{-9} \times 20 \times 10^{-2}$$

$$\Rightarrow \Delta U_E = -10^{-1} J$$

طبق اصل پایستگی انرژی مکانیکی

$$\Delta K = K_2 - K_1 \xrightarrow{v_1=0, K_1=0} \Delta K = K_2 \Rightarrow K_2 = 0/1 J$$

(فیزیک ۲ - صفحه‌های ۲۱ تا ۲۷)

(کتاب آبی)

-۱۳۰

$$\Delta V = \frac{\Delta U_E}{q} \Rightarrow V_B - V_A = \frac{(U_E)_B - (U_E)_A}{q}$$

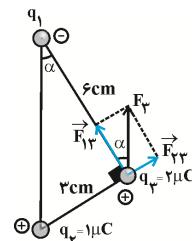
$$\Rightarrow V_B - ۰ = \frac{۰/۵ \times 10^{-۳} - ۰/۴ \times 10^{-۳}}{-2 \times 10^{-۹}} = -100 V$$

$$\Rightarrow V_B - ۰ = -100 \Rightarrow V_B = -100 V$$

(فیزیک ۲ - صفحه‌های ۲۱ تا ۲۷)

(کتاب آبی)

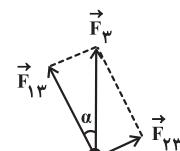
چون برایند نیروهای وارد بر بار q_3 از طرف q_1 و q_2 (یعنی \vec{F}_{13} مطابق شکل است حتماً باید q_1 منفی باشد).



$$F_{23} = k \frac{|q_2||q_3|}{r_{23}^2}$$

$$= ۹ \times ۱0^۹ \times \frac{۱ \times ۱0^{-۹} \times ۲ \times ۱0^{-۹}}{(۳ \times ۱0^{-۲})^2} = ۲۰ N$$

$$\left\{ \begin{array}{l} \sin \alpha = \frac{F_{23}}{F_3} \Rightarrow F_3 = \frac{F_{23}}{\sin \alpha} \\ \sin \alpha = \frac{r}{\sqrt{r^2 + 6^2}} = \frac{r}{\sqrt{45}} = \frac{r}{3\sqrt{5}} = \frac{1}{\sqrt{5}} \end{array} \right.$$



$$\Rightarrow F_3 = \frac{۲۰}{\frac{1}{\sqrt{5}}} \Rightarrow F_3 = 20\sqrt{5} N$$

(فیزیک ۲ - صفحه‌های ۵ تا ۱۰)

(کتاب آبی)

-۱۲۷

$$E = k \frac{|q|}{r^2} \xrightarrow{\text{ثابت } q} \frac{E'}{E} = \left(\frac{r}{r'} \right)^2$$

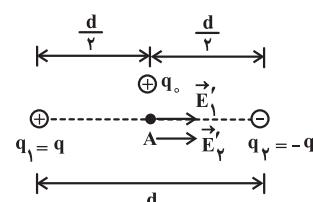
$$\Rightarrow \frac{10^5}{250} = \left(\frac{r}{r+10} \right)^2 \Rightarrow \frac{4}{5} = \frac{r}{r+10}$$

$$\Rightarrow 4r + 40 = 5r \Rightarrow r = 40 \text{ cm}$$

(فیزیک ۲ - صفحه‌های ۱۰ تا ۱۶)

(کتاب آبی)

-۱۲۸





(فسرو ارغوانی فرد)

توان خروجی ماشین برابر است با:

$$\text{کار} = \frac{\text{خروجی}}{\text{زمان}} = \frac{mgh}{t} = \frac{800 \times 10}{25} = 320 \text{ W}$$

$$\text{توان خروجی} = \frac{320}{400} \times 100 = 80 \%$$

(فیزیک - صفحه‌های ۳۹ تا ۴۲ و ۴۹)

-۱۳۵

(مهندسی براتی)

-۱۳۶

طبق اصل پایستگی انرژی مکانیکی، داریم:

$$E_1 = E_2 \Rightarrow K_1 + U_{g_1} = K_2 + U_{g_2} + U_e$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2}mv_1^2 + mgh_1 = \frac{1}{2}mv_2^2 + mgh_2 + U_e$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2} \times 2 \times (10)^2 + 2 \times 10 \times 10 = \frac{1}{2} \times 2 \times v_2^2 + 2 \times 10 \times 2 + 39$$

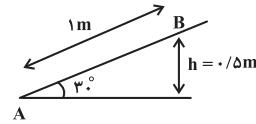
$$\Rightarrow v_2 = 11 \frac{m}{s}$$

(فیزیک - صفحه‌های ۲۸، ۲۹ و ۳۹)

(سیدعلی میرنوری)

-۱۳۷

با توجه به قضیه کار- انرژی جنبشی، داریم:



$$W_t = \Delta K \Rightarrow W_{f_k} + W_{mg} = K_B - K_A \xrightarrow{K_A = \frac{1}{2}mv_A^2} K_B = 0$$

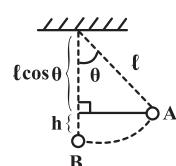
$$-f_k \times 1 - 2 \times 10 \times 0 / 5 = 0 - \frac{1}{2} \times 2 \times (4)^2 \Rightarrow f_k = 6 \text{ N}$$

(فیزیک - صفحه‌های ۲۸ و ۲۹)

(سیدعلی میرنوری)

-۱۳۸

مقدار جایه‌جایی قائم گلوله از نقطه A تا نقطه B به صورت زیر به دست می‌آید:



$$h = \ell - \ell \cos \theta = \ell(1 - \cos \theta) \Rightarrow h = 1 \times (1 - \cos 30^\circ) \Rightarrow h = 0 / 2 \text{ m}$$

با توجه به قضیه کار- انرژی جنبشی داریم:

$$W_t = \Delta K \Rightarrow mgh = \frac{1}{2}mv_B^2 - 0 \Rightarrow v_B = \sqrt{2gh} = \sqrt{2 \times 10 \times 0 / 2}$$

$$\Rightarrow v_B = 1 \frac{m}{s}$$

(فیزیک - صفحه‌های ۲۸ تا ۲۹)

(۱۳۷)

(بابک اسلامی)

-۱۳۱

کار نیروی وزن برابر با منفی تغییر انرژی پتانسیل گرانشی است و داریم:

$$W_{mg} = -\Delta U = -mg\Delta h$$

چون Δh در این سه مسیر یکسان است، پس:

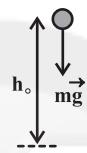
$$W_{mg,1} = W_{mg,2} = W_{mg,3}$$

(فیزیک - صفحه‌های ۳۹ تا ۴۲)

(فرشید رسولی)

-۱۳۲

در بالا رفتن جسم در خلا، تنها نیرویی که به جسم وارد می‌شود و کار انجام می‌دهد نیروی گرانش زمین یعنی همان وزن جسم است.



$$W_{mg} = mgh \cos 180^\circ \Rightarrow W_{mg} = -mgh,$$

در نتیجه کار نیروی وزن منفی و نمودار آن بر حسب ارتفاع خطی خواهد بود.

(فیزیک - صفحه‌های ۳۳، ۳۴ و ۳۹ تا ۴۲)

(فسرو ارغوانی فرد)

-۱۳۳

اگر 64% انرژی جنبشی اولیه تلف شود، 64% انرژی جنبشی باقی می‌ماند، یعنی $K_2 = 0 / 64 K_1$ است.

$$K_2 = 0 / 64 K_1 \Rightarrow \frac{1}{2}mv'^2 = 0 / 64 \times \frac{1}{2}mv^2 \xrightarrow{\text{جذر}} v' = 0 / 8v$$

$$\Rightarrow \frac{v'}{v} = 0 / 8 = \frac{4}{8}$$

(فیزیک - صفحه‌های ۲۸ تا ۴۵، ۲۹، ۳۱ و ۳۹)

(فسرو ارغوانی فرد)

-۱۳۴

طبق قضیه کار- انرژی جنبشی، کار کل نیروهای وارد بر جسم برابر با تغییرات انرژی جنبشی جسم است. به جسم دو نیروی وزن و مقاومت هوا اثر می‌کند، پس می‌توان نوشت:

$$W_R + W_{mg} = \frac{1}{2}mv^2 - \frac{1}{2}mv_1^2$$

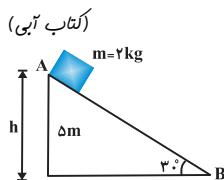
$$\Rightarrow W_R + mgh = \frac{1}{2}mv^2 - 0$$

$$\Rightarrow W_R + 0 / 2 \times 10 \times 45 = \frac{1}{2} \times 0 / 2 \times 20^2 \Rightarrow W_R = -50 \text{ J}$$

حال اندازه متوسط نیروی مقاومت هوا را حساب می‌کنیم:

$$W_R = \bar{f}_R \times h \times \cos 180^\circ \Rightarrow -50 = \bar{f}_R \times 45 \times (-1) \Rightarrow \bar{f}_R = \frac{10}{9} \text{ N}$$

(فیزیک - صفحه‌های ۲۸ تا ۲۹)



$$W_{mg} = mgh = 2 \times 10 \times 5$$

$$\Rightarrow W_{mg} = 100 \text{ J}$$

(فیزیک - صفحه‌های ۳۰ تا ۳۴)



-۱۴۳

(همد پهقایی)

$$\begin{aligned} F &= ۲۴ \text{ N} \\ \uparrow & \\ \square & \\ \downarrow & \\ mg &= ۲ \cdot N \end{aligned}$$

$$N\!y\!r\!o\!w\!i\! b\!r\!a\!i\!n\!d\! F_t = ۲۴ - ۲۰ = ۴ \text{ N} \Rightarrow W_t = F_t \cdot d \cos \theta = ۴ \times ۲ = ۸ \text{ J}$$

$$W_t = K_2 - K_1 \Rightarrow \Delta K = ۸ \text{ J}$$

تغییرات انرژی پتانسیل برابر است با:

$$\Delta U = mg\Delta h \Rightarrow \Delta U = ۲ \times ۱۰ \times ۲ = ۴۰ \text{ J} \Rightarrow \Delta U - \Delta K = ۳۲ \text{ J}$$

(فیزیک - صفحه‌های ۲۱ تا ۲۴)



-۱۴۴

طبق قضیه کار- انرژی جنبشی داریم:

$$W_t = \Delta K = K_2 - K_1 = \frac{1}{2}mv_2^2 - \frac{1}{2}mv_1^2$$

$$\Rightarrow W_t = \frac{1}{2}m(v_2^2 - v_1^2) = \frac{1}{2} \times ۲ \times ۱۰^۳ \times (۱۲^۲ - ۲^۲)$$

$$\Rightarrow W_t = ۱۴۰ \times ۱۰^۳ \text{ J} = ۱۴۰ \text{ kJ}$$

(فیزیک - صفحه‌های ۲۸ تا ۳۳ و ۲۹)



-۱۴۵

طبق قضیه کار- انرژی جنبشی داریم:

$$W_t = \Delta K \Rightarrow W_t = \frac{1}{2}mv_2^2 - \frac{1}{2}mv_1^2 = \frac{1}{2}m(v_2^2 - v_1^2)$$

$$= \frac{1}{2} \times ۲۰ \times ۱۰^{-۳} \times (۴۰^۲ - ۱۰۰^۲)$$

$$W_t = -۸۴ \text{ J}$$

(فیزیک - صفحه‌های ۲۸ تا ۳۳ و ۲۹)



-۱۴۶

با توجه به نبود اصطکاک، از لحظه برخورد جسم با فنر تا لحظه متوقف شدن آن ($v_2 = ۰$)، فقط نیروی فنر بر روی جسم کار انجام می‌دهد بنابراین برای محاسبه کار نیروی فنر طبق قضیه کار- انرژی جنبشی داریم:

$$\begin{cases} v_1 = ۴ \frac{\text{m}}{\text{s}} \\ v_2 = ۰ \end{cases} \Rightarrow W_t = \Delta K$$

$$\Rightarrow W_t = K_2 - K_1 = ۰ - K_1 = -K_1$$

$$\Rightarrow W_{فنر} = -\frac{1}{2}mv_1^2 = -\frac{1}{2} \times ۰ / ۵ \times ۴^2$$

$$\Rightarrow W_{فنر} = -۴ \text{ J}$$

از طرفی تغییرات انرژی پتانسیل کشسانی سامانه جسم- فنر برابر با منفی کار نیروی فنر بر روی جسم است:

$$\Delta U = -W_{فنر} \Rightarrow \Delta U = -(-۴) \Rightarrow \Delta U = ۴ \text{ J}$$

(فیزیک - صفحه‌های ۲۸، ۲۹، ۳۳ تا ۳۷ و ۴۲)

(سیدامیر نیکویی نواحی)

برای محاسبه کار نیروی وزن در مسیر AB نیاز به داشتن ارتفاع داریم:

$$h^2 = x^2 + (\frac{\sqrt{3}}{2}h)^2 \Rightarrow x = \frac{h}{2}$$

در طول مسیر نیروهایی که بر روی جسم کار انجام می‌دهند عبارتند از وزن (در طول مسیر AB) و نیروی اصطکاک در طول مسیر BC. با توجه به این که سرعت اولیه و نهایی جسم صفر است، طبق قضیه کار- انرژی جنبشی داریم:

$$W_t = \Delta K = ۰$$

$$W_{mg,A \rightarrow B} + W_{f_k,B \rightarrow C} = ۰ \Rightarrow mg \frac{h}{2} - f_k h = ۰$$

$$\Rightarrow mg \frac{h}{2} = f_k h \Rightarrow \frac{f_k}{mg} = \frac{1}{2}$$

(فیزیک - صفحه‌های ۲۸ تا ۳۱)



-۱۴۱

$$K = \frac{1}{2}mv^2 \Rightarrow \frac{K_2}{K_1} = \frac{m_2}{m_1} \times \left(\frac{v_2}{v_1}\right)^2 \Rightarrow \frac{5}{4} = ۱ \times \left(\frac{v_2}{4}\right)^2$$

$$\frac{\sqrt{5}}{2} = \frac{v_2}{4} \Rightarrow v_2 = ۲\sqrt{5} \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

(فیزیک - صفحه‌های ۲۸ و ۲۹)

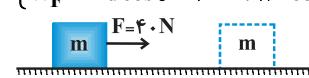


-۱۴۲

چون کمترین نیرو داده شده است، بنابراین نیرو افقی است و زاویه بین بردار نیرو و جایه جایی برابر با صفر خواهد بود.

$$\begin{cases} \rightarrow F \\ \rightarrow d \end{cases} \Rightarrow \theta = ۰$$

$$W_F = Fd \cos \theta = ۴ \times ۰ / ۸ \times \cos ۰ \Rightarrow W_F = ۳۲ \text{ J}$$



(فیزیک - صفحه‌های ۲۹ تا ۳۴)

(کتاب آبی)

-۱۴۹

طبق قضیه کار- انرژی جنبشی، کار انجام شده توسط موتور هواییما برابر با

تفییرات انرژی جنبشی آن است، بنابراین داریم:

$$W_t = \Delta K = K_2 - K_1 = \frac{1}{2}mv_2^2 - \frac{1}{2}mv_1^2$$

$$= \frac{1}{2}m(v_2^2 - v_1^2)$$

$$\Rightarrow W_t = \frac{1}{2} \times 8 \times 10^4 \times ((\frac{360}{3/6})^2 - 0) = 400 \times 10^6 \text{ J}$$

بنابراین توان متوسط موتورها برای انجام این کار برابر است با:

$$\bar{P} = \frac{W_t}{\Delta t} = \frac{400 \times 10^6}{20} \Rightarrow \bar{P} = 20 \times 10^6 \text{ W}$$

$$\Rightarrow \bar{P} = 20 \text{ MW}$$

(فیزیک - صفحه‌های ۵۰، ۳۹، ۳۸، ۳۷ و ۳۳)

(کتاب آبی)

-۱۵۰

$$\frac{P_{خروجی}}{P_{ورودی}} = \frac{W_{خروجی}}{W_{ورودی}} = \frac{W_{خروجی}(A)}{W_{ورودی}(A)} = \frac{(W_{خروجی}(B) - W_{خروجی}(A))}{W_{ورودی}(B - A)}$$

$$\Rightarrow (W_{خروجی}(A) > W_{خروجی}(B))$$

می‌توان نوشت:

$$(P_{خروجی}(A) < P_{خروجی}(B))$$

$$\Rightarrow \frac{(W_{خروجی}(A))}{t_A} < \frac{(W_{خروجی}(B))}{t_B}$$

$$\frac{(W_{خروجی}(A))}{t_A} > (W_{خروجی}(B)) \rightarrow t_A > t_B$$

(فیزیک - صفحه‌های ۵۱ تا ۳۹)

(کتاب آبی)

-۱۴۷

اگر از مقاومت هوا صرف نظر شود، انرژی مکانیکی جسم پایسته می‌ماند بنابراین انرژی مکانیکی در نصف ارتفاع اوج یا هر نقطه دیگری با انرژی مکانیکی در لحظه پرتاب برابر است:

$$E_2 = E_1 \Rightarrow E_2 = K_1 + U_1 = \frac{1}{2}mv_1^2 = \frac{1}{2} \times 2 \times 10^2$$

$$\Rightarrow E_2 = 100 \text{ J}$$

(فیزیک - صفحه‌های ۳۹، ۲۸، ۲۷، ۳۴ و ۳۵)

(کتاب آبی)

-۱۴۸

جسم روی سطح افقی جابه‌جا می‌شود، بنابراین انرژی پتانسیل گرانشی در هر دو نقطه A و B یکسان است که آن را صفر در نظر می‌گیریم. از طرفی انرژی مکانیکی در اثر حضور نیروهای اصطکاک تلف می‌شود:



$$E_A = K_A + U_A = K_A = \frac{1}{2}mv_A^2$$

$$\Rightarrow E_A = \frac{1}{2} \times 0 / 45 \times (\lambda)^2 = 14 / 4 \text{ J}$$

$$W_f = \frac{20}{100} \times K_A = \frac{20}{100} \times 14 / 4 = 2 / 88 \text{ J}$$

$$\left\{ \begin{array}{l} W_f = E_B - E_A \\ E_B = K_B + U_B = K_B + 0 = K_B = \frac{1}{2}mv_B^2 \end{array} \right.$$

$$\Rightarrow W_f = \frac{1}{2}mv_B^2 - 14 / 4$$

$$\Rightarrow -2 / 88 = \frac{1}{2} \times 0 / 45 \times v_B^2 - 14 / 4$$

$$\Rightarrow v_B = 7 / 1 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

راه حل دوم:

۲۰ درصد انرژی جنبشی تلف می‌شود بنابراین ۸۰ درصد آن به نقطه B

می‌رسد:

$$K_B = 0 / 8K_A \Rightarrow \frac{1}{2}mv_B^2 = 0 / 8 \times \frac{1}{2}mv_A^2$$

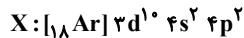
$$\Rightarrow v_B = 0 / 8 \times \lambda^2 \Rightarrow v_B = 7 / 1 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

(فیزیک - صفحه‌های ۳۹، ۲۸، ۲۷ و ۳۵)



عنصر Y متعلق به دوره چهارم جدول دوره‌ای می‌باشد. با توجه به هم دوره بودن دو عنصر X و Y و این‌که عنصر X از گروه ۱۴ است، آرایش

الکترونی لایه ظرفیت عنصر X به صورت $^2\text{4s}^2\text{4p}^2$ می‌باشد:

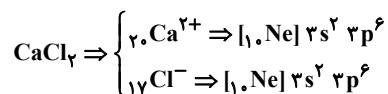


پس عدد اتمی عنصر X برابر با ۳۲ بوده و در بیرونی‌ترین لایه الکترونی آن (لایه چهارم)، ۴ الکترون وجود دارد.

(شیمی ا-کیوان، زادگاه الغبای هستی- صفحه‌های ۳۰ تا ۳۳)

(پیش‌نیا�یان؛ زاده)

-۱۵۴



(شیمی ا-کیوان، زادگاه الغبای هستی- صفحه‌های ۳۹ تا ۴۲)

(موسی فیاط علی‌محمدی)

-۱۵۵

عدادهای اتمی ۷ و ۱۵ متعلق به گروه ۱۵ جدول (نافلز) و عدددهای اتمی ۸ و

۱۶ متعلق به گروه ۱۶ جدول (نافلز) هستند که با دریافت الکترون به آرایش

الکترونی گاز نجیب همدوره خود می‌رسند.

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه «۱»: عدد اتمی ۱۰ مربوط به یک گاز نجیب است و عدد اتمی ۱۱ مربوط به یک فلز قلیابی است.

گزینه «۲»: عدد اتمی ۱۳ مربوط به گروه ۱۳ جدول دوره‌ای است و این

عنصر به آئیون تبدیل نمی‌شود.

گزینه «۴»: همه عدددهای اتمی ارائه شده در این گزینه مربوط به فلزها

می‌باشد که با از دست دادن الکترون به آرایش الکترونی گاز نجیب

می‌رسند.

(شیمی ا-کیوان، زادگاه الغبای هستی- صفحه‌های ۳۷ تا ۴۰)

(موسی فیاط علی‌محمدی)

-۱۵۱

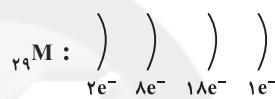
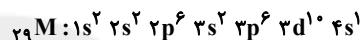
گنجایش هر زیرلایه مستقل از لایه‌ای است که در آن قرار دارد.

(شیمی ا-کیوان، زادگاه الغبای هستی- صفحه‌های ۲۷ تا ۳۰)

(محمد عظیمیان زواره)

-۱۵۲

$$\begin{cases} A = 64 \\ N - Z = 6 \end{cases} \Rightarrow N = 6 + Z \Rightarrow 64 = Z + 6 + Z \Rightarrow Z = 29$$

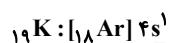


بررسی گزینه‌ها:

گزینه «۱»: درست

گزینه «۲»: درست

گزینه «۳»: درست- با توجه به آرایش الکترونی فشرده M_{29} و K_{19} درست است.



گزینه «۴»: نادرست- با توجه به آرایش الکترونی فشرده کاتیون M_{29}^{2+} و X_{27} به صورت زیر است.



(شیمی ا-کیوان، زادگاه الغبای هستی- صفحه‌های ۲۷ تا ۳۰، ۳۸)

(میلاد شیخ‌الاسلامی فیاضی)

-۱۵۳

ابتدا آرایش الکترونی فشرده Y_{35} را رسم می‌کنیم:





(بیزادر تعقیزاده)

-۱۵۸

(مهدی میرمیری)

-۱۵۶

در فرایند تقطیر جزء به جزء هوا مایع گاز اکسیژن بعد از گاز آرگون در

در هر چهار مورد، شمار یون‌های سازنده هر دو ترکیب یونی با هم برابر است.

دما (۱۸۳°C) یا ۹۰K از هوا مایع جدا شود و یکی از کابردات

بررسی موارد:

(الف)

آن شرکت در فرایند سوختن برای تولید انرژی است.

۵ یون $\Rightarrow \text{Mg}_\gamma \text{N}_\gamma : 3\text{Mg}^{2+}, 2\text{N}^{3-}$

(شیمی ا- ردپای گازها در زندگی - صفحه‌های ۴۸ تا ۵۴)

۵ یون $\Rightarrow \text{Ca}_\gamma \text{P}_\gamma : 3\text{Ca}^{2+}, 2\text{P}^{3-}$

(ب)

(سیده‌هیم هاشمی‌مکرری)

-۱۵۹

۴ یون $\Rightarrow \text{K}_\gamma \text{N} : 3\text{K}^+, \text{N}^{3-}$ کاهش دما در انتهای لایه تروپوسفر $12\text{km} \times \frac{6^\circ\text{C}}{1\text{km}} = 72^\circ\text{C}$ ۴ یون $\Rightarrow \text{AlF}_\gamma : \text{Al}^{3+}, 3\text{F}^-$

(پ)

دما در انتهای لایه تروپوسفر بر حسب درجه سلسیوس

۲ یون $\Rightarrow \text{CaO} : \text{Ca}^{2+}, \text{O}^{2-}$

(ت)

 $T = \theta + 273 = -58 + 273 = 215\text{ K}$ ۳ یون $\Rightarrow \text{SrI}_\gamma : \text{Sr}^{2+}, 2\text{I}^-$

(شیمی ا- ردپای گازها در زندگی - صفحه ۴۸)

۳ یون $\Rightarrow \text{Na}_\gamma \text{S} : 2\text{Na}^+, \text{S}^{2-}$

(شیمی ا- کیهان، زارگاه الفبای هستی - صفحه‌های ۳۷ تا ۴۰)

(محمد عظیمیان زواره)

-۱۶۰

(رسول عابدینی زواره)

-۱۵۷

میل ترکیبی هم‌گلوبین خون با CO بسیار زیاد و بیش از ۲۰۰ برابر اکسیژن

در لایه‌های مختلف هوا کره علاوه بر مولکول‌ها و اتم‌ها، یون‌ها نیز وجود دارند.

می‌باشد.

در لایه تروپوسفر با افزایش ارتفاع به ازای هر کیلومتر، دما در حدود 6°C

(شیمی ا- ردپای گازها در زندگی - صفحه‌های ۵۵، ۵۶ و ۵۷)

افت می‌کند اما روند تغییر فشار به طور منظم و خطی نمی‌باشد؛ بنابراین تنها

عبارت‌های «الف» و «پ» درست‌اند.

(شیمی ا- ردپای گازها در زندگی - صفحه‌های ۴۸ و ۴۹)



(رسول عابدین زواره)

-۱۶۷

بررسی عبارت‌ها:

(الف) هالوژن دوره دوم جدول تناوبی فلئور است که در شرایط یکسان از سایر هالوژن‌ها واکنش پذیرتر است.

(ب) در اکسیدهای طبیعی آهن، کاتیون‌های Fe^{3+} وجود دارد، اما آرایش الکترونی آن‌ها همانند آرایش الکترونی گازهای نجیب نباید.

(پ) فلزات واسطه بهطور کلی از نظر رسانایی الکتریکی و گرمایی، چکش خواری و قابلیت ورقه شدن شبیه فلزات اصلی هستند، اما از نظر آرایش الکترونی با فلزات اصلی تفاوت دارند.

(ت) نخستین فلز واسطه اسکاندیم ($_{21}\text{Sc}$) است که در تلویزیون رنگی و برخی شیشه‌ها کاربرد دارد و کاتیون پایدار آن (Sc^{3+}). آرایش الکترونی گاز نجیب قبل از خود، یعنی ($_{18}\text{Ar}$) را دارد.

(شیمی - صفحه‌های ۱۳ تا ۱۶)

(محمد عظیمیان زواره)

-۱۶۸

$$_{21}\text{Sc} : [_{18}\text{Ar}] \underline{\underline{3d^1}} \underline{4s^2} \Rightarrow \begin{cases} 3d^1 \Rightarrow (3+2) \times 1 = 5 \\ 4s^2 \Rightarrow (4+0) \times 2 = 8 \end{cases}$$

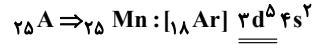
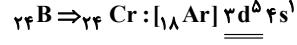
$$_{31}\text{Ga} : [_{18}\text{Ar}] \underline{\underline{3d^{10}}} \underline{\underline{4s^2}} \underline{4p^1} \Rightarrow \begin{cases} 4s^2 \Rightarrow (4+0) \times 2 = 8 \\ 4p^1 \Rightarrow (4+1) \times 1 = 5 \end{cases}$$

بررسی سایر گزینه‌ها:
گزینه ۱»: با توجه به نمودار صفحه ۱۳ کتاب درسی، تفاوت شعاع اتمی

$_{12}\text{Mg}$ و $_{11}\text{Na}$ از تفاوت شعاع اتمی $_{16}\text{S}$ و $_{17}\text{Cl}$ بیشتر است.

گزینه ۲»: هالوژن‌ها تمایل به گرفتن الکترون دارند و فلئور که کمترین شعاع اتمی در بین هالوژن‌ها را دارد، آسان‌تر الکترون می‌گیرد.

گزینه ۳»: شمار الکترون‌های با $= 2$ (در زیرلایه d) برای هر دو اتم $_{24}\text{B}$ و $_{25}\text{A}$ یکسان است.



(شیمی - صفحه‌های ۹ تا ۱۶)

(مسعود روستایی)

-۱۶۹

$$_{24}\text{Cr} : [_{18}\text{Ar}] \underline{\underline{3d^5}} \underline{4s^1} \Rightarrow [_{18}\text{Ar}] \underline{\underline{3d^4}} \rightarrow [_{18}\text{Ar}] \underline{\underline{3d^4}} \underline{4s^1} \Rightarrow [_{18}\text{Ar}] \underline{\underline{3d^4}} \underline{4s^2}$$

$$_{26}\text{Fe} : [_{18}\text{Ar}] \underline{\underline{3d^6}} \underline{4s^2} \Rightarrow [_{18}\text{Ar}] \underline{\underline{3d^6}} \underline{4s^3} \Rightarrow [_{18}\text{Ar}] \underline{\underline{3d^6}} \underline{4s^3} \underline{3p^6} \underline{3d^5}$$

شمار الکترون‌های موجود در لایه سوم:

$$\frac{4}{2+6+5} = \frac{4}{13} = \text{شمار الکترون‌های آخرین زیرلایه } 4\text{+}$$

$$\frac{4}{13} = \text{شمار الکترون‌های آخرین زیرلایه } 3\text{+}$$

(شیمی - صفحه‌های ۹ تا ۱۶)

(محمد غلایخ نژاد)

-۱۷۰

بررسی گزینه‌ها:

گزینه ۱»: آرایش الکترونی فشرده عنصر A با عدد اتمی ۲۴ به صورت

$[_{18}\text{Ar}] \underline{\underline{3d^5}} \underline{4s^1}$ است و در آخرین زیرلایه آن، یک الکترون وجود دارد.

گزینه ۲»: آرایش الکترونی فشرده اتم B به صورت $[_{18}\text{Ar}] \underline{\underline{3d^2}} \underline{4s^2}$ است.

گزینه ۳»: آرایش الکترونی Be^{3+} همانند اتم C و به صورت $[_{18}\text{Ar}] \underline{\underline{3d^1}} \underline{4s^1}$ است.

گزینه ۴»: آرایش الکترونی Ti^{4+} برخلاف D^{3+} ، به آرایش الکترونی گاز نجیب آرگون می‌رسد.

(شیمی - صفحه‌های ۹ تا ۱۶)

شیمی (۲)

-۱۶۱

پیشرفت صنعت الکترونیک بر اجزایی مبتنی است که از موادی به نام نیمه رساناها ساخته می‌شوند.

(شیمی - صفحه ۲)

-۱۶۲

مواد مصنوعی از مواد طبیعی استخراج شده از زمین تولید می‌شوند؛ بنابراین می‌توان گفت که همه مواد مصنوعی مانند همه مواد طبیعی از کره زمین به دست می‌آیند.

(شیمی - صفحه‌های ۳ و ۴)

-۱۶۳

بررسی عبارت‌ها:

(الف) به جز کربن، بقیه عناصر این گروه براق هستند.

(ب) C، Si و Ge بر اثر ضربه خرد می‌شوند.

(پ) همه عنصرهای این گروه، رسانای جریان برق هستند.

(شیمی - صفحه‌های ۷ تا ۱۵)

-۱۶۴

(بررسی عبارت‌ها):

(الف) بیشتر عنصرهای جدول دوره‌ای را فلزهای تشکیل می‌دهند که به‌طور عمده در سمت چپ و مرکز جدول قرار دارند.

(ب) در هر گروه از جدول دوره‌ای با افزایش عدد اتمی (از بالا به پایین)، شعاع اتمی و خصلت فلزی افزایش می‌یابد.

(پ) هر دو فلز A و B در یک گروه (گروه ۲) از جدول دوره‌ای قرار دارند و شعاع اتمی A کمتر از B بوده و در نتیجه دشوارتر الکترون از دست می‌دهد.

(شیمی - صفحه‌های ۹ تا ۱۲)

-۱۶۵

(علی مؤیری)

سه عنصر باد شده در گروه اول جدول تناوبی (فلزهای قلیابی) جای دارند.

پس همگی دارای یک الکترون ظرفیتی (ns^1) و دارای کاتیون پایدار (M^+) هستند. در یک گروه از بالا به پایین، شمار لایه‌ها و در نتیجه شعاع اتمی افزایش می‌یابد، به همین دلیل تمایل عناصر فلزی به از دست دادن الکترون نیز بیشتر می‌شود.

(شیمی - صفحه‌های ۹ تا ۱۲)

-۱۶۶

(سیدر، هیم هاشمی-هکبری)

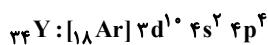
تعداد الکترون زیرلایه $3p$ باید اعداد زوج ۴، ۲ و ۶ باشد؛ بنابراین تعداد الکترون زیرلایه $3d$ یکی از اعداد ۱، ۲ و ۳ با آرایش $3d^1$ ، $3d^2$... $3d^3$... است که به ترتیب اعداد اتمی ۲۱، ۲۲، ۲۳ را دارد. عنصر اسکاندیم با عدد اتمی ۲۱ ضمن تشکیل کاتیون $^{21}\text{Sc}^{3+}$ به آرایش الکترونی گاز نجیب می‌رسد.

(شیمی - صفحه‌های ۹ تا ۱۶)



گزینه «۲»: به طور کلی عناصر فلزی در واکنش با عناصر نافلزی الکترون از دست می‌دهند و کاتیون تشکیل می‌دهند. شرط بیان شده در این گزینه مختص فلزات نیست، به عنوان مثال عنصر کربن (C⁺) در آخرین زیرلایه خود ۲ الکترون دارد اما نمی‌تواند کاتیون تشکیل دهد.

گزینه «۴»: شمار زیرلایه‌های الکترونی کاملاً پر در هر دو اتم یکسان است:



(شیمی ا-کیوان، زادگاه الغبای هستی- صفحه‌های ۳۰، ۳۵، ۳۷، ۳۸)

(پیان پنهان هاتمی)

-۱۷۴

عنصر X با عدد اتمی ۱۵ همان فسفر است و شمار الکترون‌های ظرفیتی آن برابر با ۵ بوده و آرایش الکترون- نقطه‌ای آن به صورت $\ddot{\text{P}}^5$ رسم می‌شود.

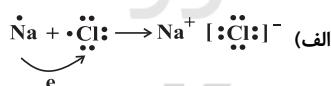
و تعداد الکترون‌های ظرفیتی عناصر با عدد اتمی ۳۳ و ۲۳ با عنصری با عدد اتمی ۱۵ برابر است. الکترون‌های ظرفیت در عنصر با عدد اتمی ۳۳ برابر با مجموع الکترون‌های s و p آخرين لایه و در عنصری با عدد اتمی ۲۳ برابر با مجموع الکترون‌های آخرین زیرلایه‌های s و d می‌باشد.

(شیمی ا-کیوان، زادگاه الغبای هستی- صفحه‌های ۳۵ تا ۳۷)

(موسی فیاط علیمحمدی)

-۱۷۵

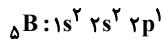
بررسی عبارت‌ها:



ب) در تشکیل هر پیوند کووالانسی در مولکول H_2O ، اتم‌های H و O به تعداد برابر الکترون به اشتراک می‌گذارند.

پ) در ساختار O_2^+ ، ۸ الکترون ناپیوندی وجود دارد که فقط تحت تاثیر جاذبه یک هسته اکسیژن قرار دارند.

ت) آرایش الکترونی B⁵⁻ به صورت زیر بوده و آرایش الکترون- نقطه‌ای آن به صورت $\ddot{\text{B}}^5$ می‌باشد.

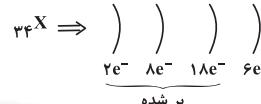
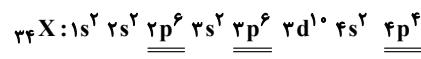
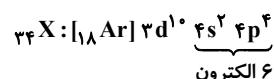


(شیمی ا-کیوان، زادگاه الغبای هستی- صفحه‌های ۳۴، ۳۶، ۴۱ و ۴۲)

(محمد عظیمیان زواره)

-۱۷۱

با توجه به شمار الکترون‌های با $=1$ در اتم X، عدد اتمی آن برابر با ۳۴ می‌باشد.



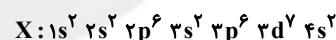
اتم X دارای ۱۰ الکترون با $=2$ و ۸ الکترون با $=0$ می‌باشد.

(شیمی ا-کیوان، زادگاه الغبای هستی- صفحه‌های ۲۷ تا ۳۴)

(رسول عابدینی زواره)

-۱۷۲

عنصر دوره چهارم دارای ۴ لایه الکترونی اشغال شده است و عناصر گروه ۳ تا ۱۲ جدول تناوبی جزو عناصر واسطه‌اند؛ بنابراین آرایش الکترونی لایه ظرفیت این اتم به صورت $4s^2 3d^7$ می‌باشد.



در این اتم ۶ زیرلایه الکترونی پر است: $1s, 2s, 2p, 3s, 3p, 4s$

در بیرونی‌ترین لایه (لایه چهارم) تعداد الکترون با $=1$ یعنی تعداد الکترون‌های موجود در زیرلایه p برابر با صفر می‌باشد. زیرا این اتم در زیرلایه p هیچ الکترونی ندارد.

(شیمی ا-کیوان، زادگاه الغبای هستی- صفحه‌های ۲۷ تا ۳۴)

(محمد عظیمیان زواره)

-۱۷۳

۳۳ عنصری است که متعلق به دوره چهارم و گروه پانزدهم جدول دوره‌ای می‌باشد؛ بنابراین اختلاف عدد اتمی این دو عنصر برابر با ۲۰ است.

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه «۱»: اتم عنصرهای موجود در گروههای ۱۷ و ۱۲ جدول دوره‌ای به ترتیب تمایل به تشکیل آنیون و کاتیون دارند.



(رسول عابدین زواره)

-۱۷۸

(همایون امیری)

نخستین گاز نجیب He است. این گاز سبک‌ترین گاز نجیب می‌باشد که بی‌رنگ، بی‌بو و پرکاربرد است. (سبک‌ترین گاز، هیدروژن است). مقدار ناچیزی از He در هوا و مقدار بیش‌تری از آن در لایه‌های زیرین پوسته زمین وجود دارد. از He برای خنک کردن قطعات الکترونیکی در دستگاه‌های تصویربرداری مانند **MRI** استفاده می‌شود. اما برای تکه‌داری نمونه‌های بیولوژیک در پزشکی از گاز نیتروژن استفاده می‌شود.

(شیوه ا- ردپای گازها در زندگی - صفحه‌های ۴۸، ۵۱ و ۵۲)

(موسی فیاط‌علی‌محمدی)

-۱۷۹

ت) ارتفاع ۱۰۰ کیلومتری از سطح زمین، در تمامی لایه‌ها به جز محدوده ۱۲ تا ۵۰ کیلومتری از سطح زمین با افزایش ارتفاع دما کاهش می‌باشد اما فشار به طور یکنواخت در تمام لایه‌ها کاهش می‌باشد، لذا جز در این محدوده در سایر لایه‌ها روند تغییرات دما و فشار کاهشی است. (درست)

(شیوه ا- ردپای گازها در زندگی - صفحه‌های ۴۸ تا ۴۵)

گزینه «۲»: $\text{H}_2\text{O(g)}$ فقط در لایه تروپوسفر موجود است. گزینه «۳»: طبق متن صفحه ۴۶ کتاب درسی عبارت این گزینه صحیح است. گزینه «۴»: در لایه‌های بالایی هواکره کاتیون‌های چند اتمی مانند N_2^+ و O_3^+ وجود دارد.

(شیوه ا- ردپای گازها در زندگی - صفحه‌های ۴۶، ۴۷ و ۵۰)

(مهاون پناه هاتمی)

-۱۸۰

گزینه «۲»: آرگون، سومین گاز فراوان هواکره است؛ با توجه به این که نقطه جوش اکسیژن از آرگون و آرگون از نیتروژن بیشتر است، در مخلوط هوا مایع ابتدا گاز N_2 ، سپس Ar و درنهایت O_2 جدا می‌شوند. گزینه «۴»: در سوختن زغال سنگ برخلاف سوختن قندها، علاوه بر بخار آب و کربن دی‌اکسید، گاز گوگرد دی‌اکسید نیز تولید می‌شود.

(شیوه ا- ردپای گازها در زندگی - صفحه‌های ۴۷ تا ۵۱، ۵۳ و ۵۴)

(شیوه ا- ردپای گازها در زندگی - صفحه‌های ۵۰ و ۵۵)

-۱۷۶

بررسی عبارت‌ها:

الف) طبق شکل با هم بیندیشیم صفحه ۴۷ کتاب درسی، در ارتفاع ۱۲ تا ۵ کیلومتری از سطح زمین، با افزایش ارتفاع، دما افزایش می‌باشد که در این محدوده طبق شکل حداقل سه نوع عنصر C ، O و N در ترکیبات موجود یافت می‌شود. (درست)

ب) در لایه آخر هواکره به دلیل برخورد پرتوهای پرانرژی الکترومغناطیسی با مولکول‌ها و اتم‌ها، یون ایجاد می‌شود اما در این لایه تنها یون وجود ندارد؛ بلکه طبق شکل صفحه ۴۷ کتاب درسی، اتم و مولکول بدون بار نیز یافته می‌شود. (نادرست)

پ) اتمسفر زمین تا فاصله ۵۰۰ کیلومتری از سطح زمین امتداد یافته است.

(نادرست)

ت) ارتفاع ۱۰۰ کیلومتری از سطح زمین، در تمامی لایه‌ها به جز محدوده ۱۲ تا ۵۰ کیلومتری از سطح زمین با افزایش ارتفاع دما کاهش می‌باشد اما فشار به طور یکنواخت در تمام لایه‌ها کاهش می‌باشد، لذا جز در این محدوده در سایر لایه‌ها روند تغییرات دما و فشار کاهشی است. (درست)

(شیوه ا- ردپای گازها در زندگی - صفحه‌های ۴۸ تا ۴۵)

-۱۷۷

(امیرعلی برگرفرازیون)

یافته‌های تجربی نشان می‌دهد که حدود ۷ درصد حجمی از مخلوط گاز طبیعی را هلیم تشکیل می‌دهد. درصد حجمی هلیم در هوا پاک و خشک خیلی کم‌تر از ۷ درصد است.

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه «۱»: حدود ۷۵ درصد از جرم هواکره، در نزدیک‌ترین لایه به سطح زمین (تروپوسفر) قرار دارد.

گزینه «۲»: آرگون، سومین گاز فراوان هواکره است؛ با توجه به این که نقطه جوش اکسیژن از آرگون و آرگون از نیتروژن بیشتر است، در مخلوط هوا مایع ابتدا گاز N_2 ، سپس Ar و درنهایت O_2 جدا می‌شوند.

گزینه «۴»: در سوختن زغال سنگ برخلاف سوختن قندها، علاوه بر بخار آب و کربن دی‌اکسید، گاز گوگرد دی‌اکسید نیز تولید می‌شود.

(شیوه ا- ردپای گازها در زندگی - صفحه‌های ۴۷ تا ۵۱، ۵۳ و ۵۴)