

۱- در کدام گزینه معنی همه واژه‌ها درست است؟

۲) (مسحور: شیفتہ)، (شمات: آزردگی)، (مخاطره: خطر)

۴) (عيار: سنجه)، (چله: دهانه تیر)، (تلمند: آموختن)

۱) (ارک: قلعه)، (کذا: چنین)، (مسامحه: دروغ‌گویی)

۳) (کلون: چفت)، (فلاکردن: کلک زدن)، (تأثر: اندوه)

۲- معنای واژه‌های «بربزیگر، حشر، شعف، ممد» به ترتیب در کدام گزینه آمده است؟

۲) کشاورز- قیامت- اشتیاق- مددکننده

۴) کشاورز- قیامت- خوشی- امتداد دهنده

۱) دهقان- رستاخیز- شادمانی- یاری دهنده

۳) دهقان- برانگیخته- اشتیاق- مددکننده

۳- در کدام گزینه غلط املایی وجود دارد؟

۱) ای مهین صدر معظّم، ای که بی روی تو بود

۲) از تاب زلف پرچم او عارض ظفر

۳) هوا روشنت چون مطلع مهر

۴) دل عدوی تو در آتشی چو شمع آمد

۴- در کدام گزینه غلط املایی به کار رفته است؟

۱) ور قصّه عظمت به بحر راند

۲) مرا به بند تو دوران چرخ راضی کرد

۳) پیاله بر کفنم بند تا سحرگه حشر

۴) جایی که برق عصیان بر آدم صفائی زد

۵- آرایه‌های مقابل کدام بیت تماماً درست نیست؟

با زاش ز طرّة تو به مضراب می زدم (ایهامتناسب، تشبيه)

که چرا دل به جگر گوشة مردم دادم (کنایه، تشخیص)

۱) هر مرغ فکر کز سر شاخ سخن بجست

۲) می خورد خون دلم مردمک دیده سزاست

که من این خانه به سودای تو ویران کردم (استعاره، حسن تعلیل)

دیرگاه است کز این جام هلالی مستم (تناسب، استعاره)

۳) سایه‌ای بر دل ریشم فکن ای گنج روان

۴) عشق من با خط مشکین تو امروزی نیست

۶- آرایه‌های بیت زیر، در کدام گزینه تماماً درست است؟

«آن سرو بلند کز غمش پست شدم / جامی ز کفش خوردم و از دست شدم»

۲) مجاز- استعاره- تضاد

۱) تشبيه- تضاد- مجاز

۴) تشخیص- پارادوکس- کنایه

۳) تشبيه- استعاره- تناقض

۷- تعداد وابسته پسین در رو به روی کدام گزینه زادرست بیان شده است؟

داد دل میردم خیردمند (۴ وابسته پسین)

۱) زین بی خردان سفله بستان

رخش می باید که رستم را به میدان آورد (۳ وابسته پسین)

۲) آسمان سست پی، مرد شکوه عشق نیست

با رفیقان موافق سفر دور خوش است (۳ وابسته پسین)

۳) نیست باز آمدن از فکر و خیال تو مرا

بی گنه بسته زندان و گرفتار قفس (۵ وابسته پسین)

۴) بلبل گلشن قدسم شده از جور فلک

۸- در کدام بیت نوع «واو» به کار رفته متفاوت آمده است؟

لب جانبخشی تو شیرین و دلم فرهادست

۱) زلف هندو صفت لیلی و عقلمن مجنون

رخساره محمود و کف پای ایاز است

۲) بار دل مجنون و خم طرّه لیلی

افسوس که تیر جنگ می بارد از او

۳) چشمت که فسون و رنگ می بازد از او

مارانگذارد که در آییم ز پای

۴) قسام بهشت و دوزخ آن عقده گشای

۹- مفهوم کدام بیت با سایر ابیات متفاوت است؟

من چه دانستم که افتاد کار دنیا بر سرم

۱) بر امید عشق کردم اختیار زندگی

در طلب تجلی ای، در نظری و منظری

۲) عشق و نیاز و بندگی هست نشان زندگی

نخل حیات را نبود حاصل دگر

۳) جویای عشق باش که جز درد و داغ عشق

حیف از اوقاتی که بی شغل محبت بگذرد

۴) زندگی بی عشق یعنی دانه ای در زیر خاک

۱۰- مفهوم عبارت «راهنمای ما با صدای دلکش، بیتی چند از غزل های شورانگیز تو را می خواند تا اختران آسمان را بیدار کند و رهزنان کوه و

دشت را بترساند» با همه گزینه ها ارتباط معنایی دارد بهجز ... .

که بر نظم تو افشارند فلک عقد ثریا را (سُقْنَ= سوراخ کردن)

۱) غزل گفتی و در سفتی بیا و خوش بخوان حافظ

آفتاب از عکس نورم شد شهاب

۲) شد عصا مار و کفم شد آفتاب

از گوشه ای برون آی ای کوکب هدایت

۳) در این شب سیاهیم گم گشت راه مقصود

مگر آن شهاب ثاقب مددی دهد خدا را (ثاقب= درخشنان)

۴) زرقیب دیو سیرت به خدای خود پناهم

۱۱- معنای چند واژه نادرست آمده است؟

(اختلاف: رفت و آمد)، (سیادت: خردمندی)، (عصیان: نافرمانی)، (شماتت: سرکوفت)، (فُلاکردن: دگرگون کردن)، (مجادله:

خشم گرفتن)، (گرازان: شتابان)، (تلمند: آموختن)

۴) چهار

۳) سه

۲) دو

۱) یک

۱۲- در کدام گزینه، معنی واژه‌ها کاملاً درست است؟

۲) (موالات: دوستی، پیروی کردن)، (درای: زنگ کاروان، پتک)

۱) (ملالت: آزدگی، سرزنش)، (گشن: انبوه، پر شاخ و برگ)

۴) (دها: بخشش، عطا)، (پایمردی: خواهشگری، شفاعت)

۳) (خایب: نامید، بی بهره)، (وقيعت: بدگوibi، جدال)

۱۳- در کدام گزینه غلط املایی وجود دارد؟

۱) به حکم تجارب روشن می‌گردد که عاقل را از حطام این دنیا به کفاف خرسند باید بود و بدان قدر که حاجات نفسانی فرونماند.

۲) هرگاه حوادث به عاقل محیط شود باید که در پناه صواب دود و بر خطا اصرار ننماید و آن را ثبات عزم نکند.

۳) سبب نزول آیت آن بود که عرب چون از حج و مناسک فارغ می‌شدند، هر کسی بر در کعبه می‌ایستادی و خصال نیکوی پدر خویش گفتی.

۴) مصالح اطراف و حوادث نواهی چگونه معلوم شود و بر احوال اعدا و عزم خصمان به چه تأویل وقوف یابد.

۱۴- در کدام گزینه غلط املایی وجود دارد؟

رشحه‌ای از قلم بروون ندهد

۱) درکشد بحره‌ای غم عاشق

و گر به بردن دل آمدی بیا ای دوست

۲) اگر به خوردن خون آمدی هلا برخیز

نکته بر و برگ و معانی شمر

۳) خاطر من پُر سخن مدح توست

که بحر رحمت پوشیده غالب بشری

۴) به بر و بحر فتاده است ولوله شادی

۱۵- در کدام بیت هر سه آرایه «تشبیه، استعاره و کنایه» وجود دارد؟

بخت منی که خوابی و تعسیر تو محال

(۱) تو قلهٔ خیالی و تسخیر تو محال

عشق گنجی است که افزونی اش از انفاق است

(۲) بعد یک عمر قناعت دگر آموخته‌ام

نشنوی زان پس ز بلبل سرگذشت

(۳) چون که گل رفت و گلستان درگذشت

نمی‌بینی رهی، ترسم که گم گردی چو واگردی

(۴) به صحرای هوس تاکی دلا سر در هوا گردی؟

۱۶- ترتیب ابیات زیر به لحاظ داشتن آرایه‌های «ایهام تناسب، استعاره، کنایه، حس‌آمیزی» کدام است؟

کز گلستان صفا بسوی وفایی ندمید

(الف) هفته‌ای می‌رود از عمر و به ۵۰ روز کشید

کام در کام نهنگ است بباید طلبید

(ب) گر من از خار بترسم نبرم دامن گل

چند گویی که مرا پرده به چنگ تو درید

(ج) آخر ای مطرپ از این پرده عشاق بگرد

گو بگو از لب شیرین که لطیف است و لذیذ

(د) هر چه زان تلختر اندر حق من خواهد گفت

(۴) د، الف، ب، ج

(۳) ج، د، ب، الف

(۲) ج، الف، ب، د

(۱) الف، ب، ج، د

۱۷- در کدام گزینه تعداد «صفت‌های بیانی» (به عنوان وابسته پسین) بیشتر است؟

رویی لطیف زیبا، چشمی خوش کشیده

(۱) لفظی فصیح شیرین، قدتی بلند چابک

وان رفتن خوشش بین، وان گام آرمیده

(۲) آن لعل دلکشش بین، وان خنده دل آشوب

شمشاد خوش خرامش در ناز پروریده

(۳) یاقوت جان‌فزایش از آب لطف زاده

چون قطره‌های شبین بر برگ گل چکیده

(۴) از تاب آتش می‌بر گرد عارضش خوی

۱۸- در کدام سروده «دو نقش تبعی» موجود است؟

عاشق ابرهای سرگردان

(۱) عاشقم، عاشق ستاره صبح

با شعله‌های حسرت و ناکامی

(۲) آتش زنم به خرمن امیدت

دمساز باش با غم او دمساز

(۳) ای مرغ دل که خسته و بی‌تابی

ای شهر پر خروش، تو را یاد می‌کنم

(۴) اکنون منم که در دل این خلوت و سکوت

۱۹-مفهوم بیت زیر با کدام بیت تناسب دارد؟

«بگفتارو صبوری کن در این درد/ بگفت از جان صبوری چون توان کرد»

- |   |   |
|---|---|
| بیداد نیکوان همه بر آشنا رود<br>که چو دل آب شود چشمۀ حیوان گردد<br>سرانجام همه کارت بود از صبر پابرجا<br>به هرزه باد هوا می‌دمد بر آهن سردم | ۱) ای آشنا! کوی محبت صبور باش<br>صبر کن بر نفس گرم خود ای تشنۀ جگر<br>صبوری ورز اگر خواهی که کام دل به دست آری<br>هر آن کسم که نصیحت همی کند به صبوری |
|---|---|

۲۰- عبارت «قاضی بسیار دعا کرد و گفت: «این صلت فخر است، پذیرفتم و باز دادم که مرا به کار نیست و قیامت سخت نزدیک است، حساب این نتوانم داد.» با همه ابیات به جز ... تناسب مفهومی دارد.

- |   |  |
|---|--|
| شکار از دست گنجشکان نگیرد<br>ز آب جو نهنگ لجه آشام<br>کجا از صعوه صیدانداز باشد<br>ایلهی باشد که رفاقتی کند کبک دری | ۱) اگر عنقا ز بی‌برگی بمیرد<br>۲) مکن باور که هرگز تر کند کام<br>۳) عقاب آن جا که در پرواز باشد<br>۴) با عقاب تیز چنگ و با همای تیز پر |
|---|--|

۲۱- «... يَقُولُونَ بِأَفْوَاهِهِمْ مَا لِيَسَ فِي قُلُوبِهِمْ وَ اللَّهُ أَعْلَمُ بِمَا يَكْتُمُونَ»:

- ۱) آنچه با دهان‌هایشان می‌گویند در قلب‌هایشان وجود ندارد و خدا به آنچه در دل پنهان می‌کنند، آگاه‌تر است!
- ۲) با دهان‌هایشان چیزی را می‌گویند که در دل‌هایشان نیست و خدا به آنچه پنهان می‌کنند، داناتر است!
- ۳) آنچه با دهان‌هایشان گفتند در قلب‌هایشان وجود ندارد و خدا به آنچه پنهان کردن، داناتر است!
- ۴) با دهان‌شان چیزی را می‌گویند که در دل‌هایشان نیست و خدا به آنچه پنهان می‌کنند، آگاه‌تر است!

۲۲- «مَنِ النَّاسِ مَنِ يَسْتَطِيعُونَ أَنْ يَتَكَلَّمُوا بِأَكْثَرِ مِنْ لِغَةٍ لِمُحَاوِلَاتِهِمْ فِي هَذَا الْمَجَالِ!»:

- ۱) برخی مردم به جهت تلاش‌هایشان در این زمینه می‌توانند به بیش‌تر از یک زبان سخن گویند!
- ۲) در میان مردم کسی هست که بتواند با تلاشش در زمینهٔ یادگیری زبان به بیش از یک زبان حرف بزند!
- ۳) گاهی برخی مردم با کوشش فراوان در این زمینه می‌توانند به زبانی دیگر نیز سخن بگویند!
- ۴) از مردم کسانی هستند که به خاطر تلاش‌هایشان توانستند در این زمینه به بیش‌تر از یک زبان حرف بزنند!

٢٣- عَيْنُ الصَّحِيحِ:

- (١) كَانَ الطَّلَابُ يَحْبُونَ التَّكَلُّمَ بِالْلُّغَةِ الْعَرَبِيَّةِ؛ دَانِشْآمَوْزَانُ دُوْسْتَدَارُ اِينَ بُودَنَدَ كَهْ بِزَبَانِ عَرَبِيِّ سَخْنَ گُويَنَدَا!
- (٢) لَا تَهَا تَسْاعِدُهُمْ لِفَهْمِ الْقُرْآنِ أَكْثَرُ مِنْ قَبْلِهِ؛ زِيرَا اِينَ زَبَانَ آنَهَا رَا يَارِي مَيْ كَرَدَ كَهْ قُرْآنَ رَا بَيْشَ اِزْ پَيْشَ بِفَهْمَنَدَا
- (٣) وَ لِهَذَا كَانَتْ لَهُمْ مُحاوَلَةً كَثِيرَةً لِتَعْلِمِ الْعَرَبِيَّةِ؛ وَ اِزْ اِينَ روْ تَلَاشَ زِيَادَ آنَهَا بِرَاهِي يَادِگَيِّرِي عَرَبِيِّ بُودَا
- (٤) وَ اِزْ دَادَتْ فِيهِمْ هَذِهِ الْمَحَاوِلَاتُ فِي السَّنَوَاتِ الْأُخِيرَةِ؛ وَ اِينَ تَلَاشَهَا دَرِ مِيَانَ آنَهَا دَرِ سَالَهَايِّ اَخِيرَ اَفْرَايِشَ يَافْتَهِ اِسْتَ!

٢٤- عَيْنُ الصَّحِيحِ لِلتَّوْضِيْحَاتِ التَّالِيَّةِ:

- (١) مَا يُسْتَفَادُ لِلصَّفَرِ بَيْنَ الْبَلَادِ عَلَى الْأَرْضِ!؛ (الْطَّبِيبُ)
- (٢) مَادَّةٌ فِي الطَّبِيعَةِ تُسْتَفَادُ لِصُنْعِ الْأَبْوَابِ!؛ (خَشْبُ)
- (٣) مِنَ الْمَفَرَدَاتِ الَّتِي نَسْتَخْدِمُهَا لِبِيَانِ بَدَائِيَّةِ زَمَانِ!؛ (مَذْ)

٢٥- عَيْنُ الصَّحِيحِ فِي الْمَفْهُومِ؛ «خَيْرُ الْكَلَامِ مَا قَلَّ وَ دَلَّ»

(١) چو بشنوی سخن اهل دل مگو که خطاست / سخن شناس نهای جان من، خطا این جاست

(٢) بَدُو گَفْت طَوْسَ اَيْ جَهَانِدِيدَهُ پَيْرَ / سخن گُوي لِيَكَنْ هَمَهُ دَلِپَذِيرَ

(٣) كَمْ گُوي وَ گَزِيدَه گُوي چون دَرَ / تَازَ اَنْدَكَ تَوْ جَهَانَ شَوَدَ پُرَ

(٤) سخن ها دارم از تو با تو بسیار / ولی خاموشیم پند عظیم است

٢٦- عَيْنُ الْخَطَا فِي الْحِوَارَاتِ:

- (١) مَا بِكَ يَا صَدِيقِي؟! / عَنْدِي حُمَّى شَدِيدَةٌ!
- (٢) مَاذَا تَكْتُبُ لِي يَا حَضَرَةَ الطَّبِيبِ؟! / اَكْتُبُ لَكَ كَبِيسُولَ أَمْبِيسِيلِينَ!
- (٣) أَضَغَطُ الدَّمَ عَنْدَكَ؟! / نَعَمْ، مَا عَنْدِي ضَغْطُ الدَّمِ!
- (٤) مَنْ أَيْنَ أَسْتَلَمُ دَوَانِي؟! / إِسْتَلَمْ دَوَانِكَ فِي الصَّيْدَلِيَّةِ!

Konkur.in

٢٧- عَيْنُ لِلْفَرَاغِ الْكَلْمَةِ الَّتِي تَنَاسِبُ الْكَلْمَاتِ الْأُخْرَى فِي التَّوْعِ: «لَيْسَ- ثَبِيجُ- صَارُوا- ...»

- (١) أَسَأَلُ
- (٢) سَارَ
- (٣) كَانَ
- (٤) يَجْعَلُ

٢٨- عَيْنَ فِعْلًا يُتَرَجِّمُ إِلَى «الماضي البعيد»:

(١) كَانَتْ أُمِّيْ قَدْ اشْتَرَتْ مِنَ السَّوْقِ مِنْشَأَةً جَمِيلَةً لِأُخْتِيْ!

(٢) كَانَ الْأَطْفَالُ يَلْعَبُونَ فِي الْحَدِيقَةِ بِفَرَّارِ!

(٣) كُنْتُ مَحْزُونًا وَ قُلْتُ فِي نَفْسِي سَابِدًا مَرَّةً أُخْرَى!

(٤) لَيْسَ الْأَعْدَاءُ قَادِرِينَ أَنْ يَتَسَلَّطُوا عَلَيْنَا!

٢٩- عَيْنَ الصَّحِيحِ لِلْفَرَاغِينِ: «... تَلَكَ التَّلَمِيذَةُ ... فِي أَيَّامِ الْإِمْتَحَانَاتِ جَدًا!»

(١) كَانَتْ - طَالَعْ

(٢) كَانَتْ - تُطَالِعُ

(٣) كَانَ - يُطَالِعُ

(٤) كَانَ - يُطَالِعُ

٣٠- عَيْنَ مَا لَيْسَ فِيهِ مِنَ الْأَفْعَالِ النَّافِعَةِ:

(١) «وَ كَانَ اللَّهُ بِمَا يَعْلَمُونَ مُحِيطًا»

(٢) أَلَيْسَ الصَّدَقُ أَنْفَعُ تِجَارَةً!

(٣) أَصْبَحَ الشَّهِيدُ أَسْوَةً لَنَا فِي الدِّفَاعِ عَنِ الْوَطَنِ!

٣١- عَيْنَ الصَّحِيحِ فِي التَّرْجِمَةِ: «إِنَّ اللَّهَ قَدْ أَعْطَى إِنْسَانًا كَثِيرًا مِنَ النَّعْمَ حَتَّى يَسْتَطِعَ أَنْ يَنْتَفِعَ بِهَا فِي حَيَاةِ!»

(١) خداوند نعمت‌های کثیری به انسان بخشیده است تا در زندگیش از این نعمتها بهره‌مند شود!

(٢) خداوند بسیاری از نعمت‌ها را به انسان عطا کرده است تا بتواند در زندگی خود از آن‌ها بهره ببرد!

(٣) نعمت‌های کثیری را خداوند به انسان می‌دهد و او قادر خواهد بود در زندگی خود از آن‌ها استفاده کند!

(٤) بسیاری از نعمت‌های الهی به انسان عطا شده است تا او بتواند از آن‌ها به نفع خود در زندگی استفاده کند!

٣٢- عَيْنَ الْخَطَأِ فِي التَّرْجِمَةِ:

(١) كَانَ أَبِي لَا يَتَرَكُ صَلَةً أَوْلَ الْوَقْتِ أَبْدًا؛ پدرم هرگز نماز اول وقت را ترك نمی‌کرد.

(٢) وَ يَقُولُ لَنَا دَائِمًا أَنَّهَا مِنْ وَصَالِيَا النَّبِيِّ (ص)؛ وَ هُمْوَارِهِ بِهِ مَا مَيْ گفت که آن از توصیه‌های پیامبر (ص) است،

(٣) وَ قَدْ قِيلَ عَنِ الصَّنَلَةِ حَفِظُوا عَلَى الصَّنَلَةِ وَ تَقْرِبُوا بِهَا؛ وَ در مورد نماز گفته شده، نماز را نگاه دارید و به وسیله آن تقرب بجویید،

(٤) فَاعْلَمُ أَنَّ كُلَّ شَيْءٍ مِنْ عَمَلِكَ تَبَعُ لِصَلَاتِكَ!؛ پس می‌دانی که هر چیزی از اعمال تو در گرو نماز توست!

### ٣٣- عَيْنُ الصَّحِيحِ حَسْبَ الْحَقْيَقَةِ:

١) الْعَجْبُ هُوَ أَنْ يَسْتَرِّ الإِنْسَانُ عِيوبَ الْآخَرِينَ وَ لَا يَغْفِلَ عَنْهَا فِي نَفْسِهِ!

٢) التَّجَسُّسُ هُوَ اتِّهَامُ شَخْصٍ لشَخْصٍ آخَرَ مَعَ دَلِيلٍ مُنْطَقِيٍّ!

٣) يَحْذَرُنَا الإِسْلَامُ مِنِ الْاسْتَهْزَاءِ بِالْآخَرِينَ وَ يَمْنَعُنَا مِنْ تَسْمِيهِمْ بِالْأَلْقَابِ الْقَبِحَةِ!

٤) الْغَيْبَةُ هِيَ أَنْ يَذْكُرَ الإِنْسَانُ لأخِيهِ فِي غَيْبِتِهِ شَيْئاً لَا يَكُرِهُ عَنْدَ سَمَاعِهِ!

فِي الْحَيَاةِ ظَواهرٌ عَجِيبَةٌ تَدْعُونَا إِلَى الاعْتِرَافِ بِوُجُودِ قَوْةٍ عَلِيمَةٍ وَ حَكِيمَةٍ تَدَبَّرُهَا! عَلَى سَبِيلِ الْمُثَالِ افْرَوُوا هَذِينِ الْمَوْضِعَيْنِ:  
«أَرَادَ الْعُلَمَاءُ أَخِيرًا أَنْ يَقْوِمُوا بِتَغْيِيرَاتٍ فِي الرَّادَارَاتِ الْحَالِيَّةِ بَعْدَ تَحْقِيقَاتٍ أَجْرِيتَ عَلَى أَكْبَرِ شَبَكَةِ خِيُوطِ الْعَنْكِبُوتِ (مَا تَصْنَعُهُ الْعَنْكِبُوتُ كَيْبَتْ لَهَا). وَ قَدْ تَبَيَّنَ مِنْ خَلْلِهَا أَنَّ الْعَنْكِبُوتَ لَا تَنْتَظِرُ أَنْ تَأْتِي الْحَشَرَاتِ إِلَيْهَا، بَلْ تَسْتَخِدُ هَذِهِ الْخِيُوطَ كِرَادَارَ لِتَلِكَ الْحَشَرَاتِ حَتَّى تَطِيرَ نَحْوَهَا وَ تَسِيرَ فِي نَفْسِ الْمَوْاقِعِ الَّتِي يَعْتِنِيهَا رِادَارُ الْعَنْكِبُوتِ!»

«وَ أَمَّا الثَّانِي فَهُوَ الْآيَةُ الْكَرِيمَةُ «لَا الشَّمْسُ يَنْبَغِي لَهَا أَنْ تُنْدَرِكَ الْقَمَرُ وَ لَا اللَّيْلُ سَابِقُ النَّهَارِ، وَ كُلُّ فِي فَلَكٍ يَسْبُحُونَ» تَشِيرُ إِلَى حَقِيقَةِ عَلِيمَةٍ وَ هِيَ أَنَّ الْأَرْضَ وَ مَعَهَا الْقَمَرُ لَا يَلْتَقِيَانِ مَعَ الشَّمْسِ، هَذِهِ الْكَوَاكِبُ وَ السَّيَّارَاتُ الْمُخْتَلِفَةُ كُلُّهَا تَتَحَرَّكُ بِإِنْتِظَامٍ ضَمِّنَ حَسَابَاتِ دَقِيقَةٍ جَدًا!»

### ٣٤- عَيْنُ الصَّحِيحِ: عَلَى أَسَاسِ النَّصِّ ...

١) دَعْمُ التَّقَاءِ الشَّمْسِ وَ الْقَمَرِ هُوَ نَتْرِيْجَةُ حَرْكَةِ الْأَفْلَاكِ!

٢) يَخْتَارُ الصَّيْدُ بَعْضَ الْأَحْيَانِ الطَّرِيقَ الَّذِي يَعْتِنِيهِ الصَّيَادُ!

٣) شَبَكَةُ الْعَنْكِبُوتِ تَنْتَظِرُ دَانِمًا إِتِيَانَ الْحَشَرَةِ لِتَصِيدِهَا وَ تَأْكِلُهَا!

٤) قَامَ الْعُلَمَاءُ بِصَنَاعَةِ صُورَةِ الرَّادَارِ عَلَى أَسَاسِ شَكْلِ خِيُوطِ الْعَنْكِبُوتِ!

### ٣٥- عَيْنُ الصَّحِيحِ لِلْفَرَاغِ: اسْتَطَاعَ الْعُلَمَاءُ أَخِيرًا أَنْ يَصْنَعُوا رِادَارًا يُعِينَ ...

١) مَكَانُ الْهَدْفِ الْمُطَلُوبُ بِدَقَّةٍ!

٢) الْهَدْفُ فِي غَايَةِ الدَّقَّةِ وَ السَّرْعَةِ!

٣) مَسِيرُ حَرْكَةِ الْهَدْفِ كَمَا هُوَ مَطْلُوبٌ!

### ٣٦- «وَ كُلُّ فِي فَلَكٍ يَسْبُحُونَ» الْمَقْصُودُ مِنِ الْآيَةِ الْكَرِيمَةِ هُوَ ...

١) كَثْرَةِ الْمُخْلُوقَاتِ وَ الْأَفْلَاكِ السَّمَاوِيَّةِ!

٢) عِبَادَةِ الْمُوْجَدَاتِ وَ تَسْبِيْحُهَا فِي الْأَفْلَاكِ!

٣) سِيرُ الْأَفْلَاكِ وَ تَسْبِيْحُهَا فِي مَدَارَاتِ ثَابِتَةٍ مُعَيْنَةٍ!

٤) إِشْتِغَالُ الْأَفْلَاكِ السَّمَاوِيَّةِ بِالتَّسْبِيْحِ حَوْلَ الْأَجْرَامِ السَّمَاوِيَّةِ!

٣٧- المفهوم الأقرب إلى النص هو:

- ١) عند الله تحشر الأمور!  
٢) كُن وانقاً بالله في كلّ حادث!  
٣) شكر الفتى الله بقدر نعمته!  
٤) إنّ أمور العالم تجري بحكم حكيم!

٣٨- عين الصحيح في نوعية الكلمات أو محلّها الإعرابي:

«في الحياة ظواهر عجيبة تدعونا إلى الاعتراف بوجود قوة علية و حكمة تديرها!»

- ١) ظواهر: جمع تكسير (مفرد: ظاهر)، اسم الفاعل/ خبر للجملة الاسمية  
٢) تدعو: مضارع، للمفرد المؤنث، مبني للمعلوم/ فاعله «ظواهر»، جملة وصفية  
٣) الاعتراف: إسم (مصدر من باب الافتعال)، معرفة/ مجرور بحرف الجر  
٤) تديرها: فعل مضارع، مصدره «تدير»/ جملة وصفية

٣٩- عين المختلف في ترجمة اسم التفضيل:

- ١) سورة البقرة أكبر من سائر السور في القرآن!  
٢) خيرُ الْخُلُقِ ما يُسَبِّبُ نجاح صاحبه في الحياة!  
٣) الْخُلُقُ الْحَسَنُ أَنْقُلُ شَيْءاً يُوجَدُ فِي الْمِيزَانِ!

٤٠- عين الصفة جملة:

- ١) الإنسان المؤمن لا يخون في أمانات الآخرين!  
٢) هناك جلسة علمية قَتَّعَتْ ساعَة الامتحان!  
٣) إنَّ الْجَرِيدَةِ الإِسْلَامِيَّةِ لَا تَنْشَرُ إِلَّا الْحَقَائِقَ!

٤١- اگر بگوییم: «پیشوایان ما با تکیه بر بندگی خداوند و پیوند با او توanstند در سختترین شرایط، عزتمندانه زندگی کنند.» پیام کدام عبارت مبارکه را ترسیم نموده‌ایم؟

- ١) «إِنَّهُ لَيْسَ لِأَنفُسِكُمْ ثَمَنٌ إِلَى الْجَنَّةِ فَلَا تَبْيَعُوهَا إِلَّا بِهَا»  
٢) «لَيَنذِرُوا قَوْمَهُمْ إِذَا رَجَعُوا إِلَيْهِمْ لَعَلَّهُمْ يَحْذَرُونَ»  
٣) «مَنْ كَانَ يَرِيدُ الْعَزَّةَ فَلِلَّهِ الْعَزَّةُ جَمِيعًا»

٤٢- موضوع کدام عبارت شریفه به «بیان جایگاه انسان در نظام خلقت از سوی خداوند» اشاره دارد؟

- ١) «ما یا مایه زینت و زیبایی ما باشید، نه ما یا زشتی و عیب ما.»  
٢) «ما فرزندان آدم را کرامت بخشیدیم ... و بر بسیاری از مخلوقات برتری دادیم.»  
٣) «بنده کسی مثل خودت نباش، زیرا خداوند تو را آزاد آفریده است.»  
٤) «خالق جهان در نظر آنان بزرگ است، از این جهت، غیر خدا در نظرشان کوچک است.»

۴۳- نکوهش ایمان آوردن به باطل و کفران نعمت الهی، تکمیل کننده و مرتبط با کدام آیه است؟

(۱) «وَاللَّهُ جَعَلَ لَكُمْ مِنْ أَنفُسِكُمْ أَزْوَاجًا...»  
۲) «وَمِنْ آيَاتِهِ أَنَّ خَلْقَ لَكُمْ مِنْ أَنفُسِكُمْ أَزْوَاجًا...»

(۳) «لَيَمْكُنَ لَهُمْ دِينَهُمُ الَّذِي أَرْضَى لَهُمْ...»  
۴) «ذَلِكَ بِأَنَّ اللَّهَ لَمْ يَكُنْ مُغَيِّرًا نَعْمَةً أَنْعَمْهَا...»

۴۴- بر اثر ازدواج و پاسخ صحیح به کدام نیاز، هر یک از مرد و زن به آرامش روانی می‌رسند و تحکیم وحدت روحی زن و مرد، مرهون

پاسخ‌گویی به کدام هدف در ازدواج است؟

(۱) نیاز جنسی- رشد اخلاقی و معنوی  
۲) نیاز جنسی- رشد و پرورش فرزندان

(۳) رشد و پرورش فرزندان- رشد و پرورش فرزندان- رشد اخلاقی و معنوی

۴۵- به کدام دلیل پیشوایان دین، همواره دختران و پسران جوان را به ازدواج تشویق و ترغیب کرده‌اند و آیات قرآن کریم اندیشمندان را در

کدام مسائل مرتبط با نظام خانواده، صریحاً به تفکر دعوت می‌کند؟

(۱) عدم گسترش روابط نامشروع و فشار روحی و جسمی ناشی از عدم تأهل- «وَمِنْ آيَاتِهِ أَنَّ خَلْقَ لَكُمْ مِنْ أَنفُسِكُمْ أَزْوَاجًا لَتَسْكُنُوا إِلَيْهَا وَجَعْلُ

بَيْنَكُمْ مُودَّةً وَرَحْمَةً...»

(۲) عدم افزایش فاصله بلوغ جنسی و عقلی با زمان ازدواج- «وَاللَّهُ جَعَلَ لَكُمْ مِنْ أَنفُسِكُمْ أَزْوَاجًا وَجَعْلَ لَكُمْ مِنْ أَزْوَاجِكُمْ بَنِينَ وَحَفْدَةً...»

(۳) عدم گسترش روابط نامشروع و فشار روحی و جسمی ناشی از عدم تأهل- «وَاللَّهُ جَعَلَ لَكُمْ مِنْ أَنفُسِكُمْ أَزْوَاجًا وَجَعْلَ لَكُمْ مِنْ أَزْوَاجِكُمْ بَنِينَ وَحَفْدَةً...»

(۴) عدم افزایش فاصله بلوغ جنسی و عقلی با زمان ازدواج- «وَمِنْ آيَاتِهِ أَنَّ خَلْقَ لَكُمْ مِنْ أَنفُسِكُمْ أَزْوَاجًا لَتَسْكُنُوا إِلَيْهَا وَجَعْلُ بَيْنَكُمْ مُودَّةً وَرَحْمَةً...»

۴۶- بهتر ترتیب «محبوب‌ترین» و «مقدس‌ترین»، بنا نزد خدا چیست و کدام یک بر دیگری تقدم دارد؟

(۱) خانواده- ازدواج- خانواده  
۲) ازدواج- خانواده- ازدواج

(۳) خانواده- ازدواج- ازدواج  
۴) ازدواج- خانواده- خانواده

۴۷- وعده خداوند در قرآن کریم به انسان، رسیدن به چگونه بهشتی است و مؤید کدام‌یک از راههای تقویت عزت می‌باشد؟

(۱) بهشتی که وسعت آن شرق و غرب عالم است- شناخت ارزش خود و نفوختن خویش به بهای اندک

(۲) بهشتی که وسعت آن شرق و غرب عالم است- توجه به عظمت خداوند و تلاش برای بندگی او

(۳) بهشتی برای رسیدن به تمام آمال و تمدنیات- شناخت ارزش خود و نفوختن خویش به بهای اندک

(۴) بهشتی برای رسیدن به تمام آمال و تمدنیات- توجه به عظمت خداوند و تلاش برای بندگی او

۴۸- بر اساس آیات قرآن «ایستادگی در برابر تمایلات نامشروع و روی آوردن به نیکی‌ها» و «دنباله‌روی از تمایلات نامشروع و روی آوردن به

گناه و زشتی» چه نتایجی برای انسان در پی خواهد داشت؟

(۱) «لَا يَرْهِقُ وَجْهَهُمْ قَتْرٌ وَلَا ذَلَّةٌ»- «لَا يَهْدِي الْقَوْمَ الظَّالِمِينَ»

(۲) «الْحَسَنَى وَ زِيَادَةٍ»- «رَزَقْكُمْ مِنَ الطَّيِّبَاتِ»

(۳) «لَا يَرْهِقُ وَجْهَهُمْ قَتْرٌ وَلَا ذَلَّةٌ»- «وَ تَرْهَقْهُمْ ذَلَّةٌ»

(۴) «رَزَقْكُمْ مِنَ الطَّيِّبَاتِ»- «وَ تَرْهَقْهُمْ ذَلَّةٌ»

۴۹- سلامت جسمی و روحی و احساس رضایت درونی، ثمرة کدامیک در امر ازدواج است و عاقبت پاسخ به نیاز جنسی به شیوه ناصحیح

چیست؟

(۱) اهتمام والدین به فراهم نمودن امکانات ازدواج برای فرزندان- شکسته شدن شخصیت و ابتلا به افراط در گناه

(۲) ازدواج در زمان مناسب- شکسته شدن شخصیت و ابتلا به افراط در گناه

(۳) اهتمام والدین به فراهم نمودن امکانات ازدواج برای فرزندان- پژمردگی روح و جسم آدمی پس از لذت آنی برخاسته از گناه

(۴) ازدواج در زمان مناسب- پژمردگی روح و جسم آدمی پس از لذت آنی برخاسته از گناه

۵- چند مورد از موارد ذیل در مورد «تمایلات دانی» صحیح است؟

- این تمایلات در ذات خود بد هستند ولی لازمه زندگی در دنیا هستند.

- تعیین حد و مرز این تمایلات بر عهده عقل و وجودان است.

- با تداوم پاسخ به این تمایلات، انسان محیط بر ذلت می‌شود.

- بهترین زمان برای پاسخ منفی دادن به این تمایلات «نوجوانی و جوانی» است.

(۴) چهار

(۳) سه

(۲) دو

(۱) یک

۵۱- علت و معلول رسیدن انسان‌ها به عزت نفس بهتریب چیست؟

(۱) بندگی خالصانه برای خدا- سرکوب تمایلات دانی

(۲) بندگی خالصانه برای خدا- حفظ پیمان با خدا و رسولش

(۳) توانایی کنترل بر هوس‌ها و تمایلات- سرکوب تمایلات دانی

(۴) توانایی کنترل بر هوس‌ها و تمایلات- حفظ پیمان با خدا و رسولش

۵۲- با توجه به عهدنامه مالک اشتهر، حضرت علی (ع) می‌فرمایند: «مردم دو دسته‌اند، دسته‌ای برادر دینی تو و دسته‌ای دیگر در آفرینش

همانند تواند...» پیش از آن، حضرت چه دستوری در مورد معاشرت با مردم داده‌اند؟

(۱) هرگز نیکوکار و بدکار در نظرت یکسان نباشد، زیرا در این صورت نیکوکاران به کار خیر بی‌رغبت می‌شوند.

(۲) دل خویش را نسبت به مردم مهربان کن و با همه دوست و مهربان باش.

(۳) دوست داشتنی‌ترین چیزها نزد تو، آن چیزی باشد که در حق میانه‌ترین آن است.

(۴) مدیر و رهبر جامعه باید بیش از همه در پنهان کردن عیوب مردم کوشان باشد.

۵۳- «استخراج قوانین مورد نیاز بانکداری و انطباق و تحرک مقررات اسلامی» به ترتیب مرتبط با کدامیک از ویژگی‌های پویایی دین اسلام

است؟

۱) توجه به نیازهای متغیر در عین توجه به نیازهای ثابت- اختیارات حاکم

۲) توجه به نیازهای متغیر در عین توجه به نیازهای ثابت- وجود قوانین تنظیم‌کننده

۳) وجود قوانین تنظیم‌کننده- وجود قوانین تنظیم‌کننده

۴) وجود قوانین تنظیم‌کننده- اختیارات حاکم

۵۴- ثمرة تفاوت انسان‌ها از جهت «زن بودن» و «مرد بودن» چیست؟

۱) زن و مرد تکمیل کننده یکدیگر هستند و فقط در ویژگی‌های انسانی با هم اختلافاتی دارند.

۲) درک درست و صحیح تفاوت‌های فطری موجب پایداری خانواده پس از ازدواج می‌گردد.

۳) هر دو را به یکدیگر نیازمند کرده، بدون این‌که یکی بر دیگری برتری ذاتی پیدا کند.

۴) می‌توانند نقش‌های یکسانی را بر عهده گیرند تا یک خانواده متعادل را پدید آورند.

۵۵- به بیان امام علی علیه السلام، پاسداری و محافظت از نعمت «آزادگی» اعطای شده از خداوند، در گرو ... است که پیام حدیث ... حاکی از این حقیقت است.

۱) نفی بندگی جز خدا - «بنده کسی مثل خودت نباش، زیرا خداوند تو را آزاد آفریده است.»

۲) قبول بندگی خدا - «بنده کسی مثل خودت نباش، زیرا خداوند تو را آزاد آفریده است.»

۳) نفی بندگی جز خدا - «خالق جهان در نظر آنان عظیم است، در نتیجه غیر خدا در چشم آنان کوچک است.»

۴) قبول بندگی خدا - «خالق جهان در نظر آنان عظیم است، در نتیجه غیر خدا در چشم آنان کوچک است.»

## سابت کنکور

۵۶- پیامبر اکرم (ص) برای حفظ دین، چه توصیه‌ای به افراد فرموده‌اند؟

۱) عبادت کردن در حال تأهل

۲) ازدواج و پروا از خداوند

۳) اخلاق نیکو و زیادی عفاف

۴) توجه به بسته شدن چشم اندیشه ناشی از علاوه

۵۷- وجود کتبی مانند «نهج البلاعه» و «صحیفه سجادیه» نشانگر کدام اقدام در حوزه مرجعیت دینی امامان معصوم (ع) است؟

۱) اقدام برای حفظ سخنان و سیره پیامبر (ص) از طریق نوشتن احادیث

۲) بیان معارف اسلامی متناسب با نیازهای نو با گسترش سرزمین‌های اسلامی

۳) تفسیر و تعلیم آیات قرآن کریم با بهره‌مندی از احادیث پیامبر (ص)

۴) تربیت و آماده‌سازی گروهی پشتیبان برای تبیین معارف اسلامی و تفسیر آن

۵۸- آن جا که بگوییم: «علایق و محبتهای آغازین در امر ازدواج، چشم و گوش را می‌بندد و عقل را به حاشیه می‌راند.» پیام جمله ... را

ترسیم کرده‌ایم که راه مأمون ماندن از پیامدهای ناخشنود‌کننده آن، ... است.

۱) «حب الشَّاءءِ يعمى و يصم»- مشورت با پدر و مادر

۳) «حب الشَّاءءِ يعمى و يصم»- استمداد از عقلانیت

۵۹- رسول خدا (ص) عامل سقوط اقوام و ملل پیشین را در کدام مورد می‌دانستند؟

۱) عدم حمایت از رهبری جامعه

۳) فقر فرهنگی و فقر اقتصادی

۶۰- «عادلانه بودن نظام هستی» توجه جوانان را به کدام موضوع جلب می‌کند؟

۱) پدران و مادران نباید نظر خودشان را بر فرزندان تحمیل کنند و آن‌ها را به ازدواجی ناخواسته بکشانند.

۲) نباید فاصله میان بلوغ جنسی و بلوغ عقلی با ازدواج بیش‌تر شود و تشکیل خانواده به تأخیر افتد.

۳) پاسخ به نیاز جنسی به شیوه ناصحیح، روح و روان را پژمرده می‌کند.

۴) هر کس به‌طور فطری خواستار ازدواج با کسی است که قبل از ازدواج پاکدامن بوده و رابطه غیرشرعی با جنس مخالف نداشته باشد.

61- I really hope tomorrow is rainy because if it rains tomorrow, I ... water the plants.

- 1) will have to                  2) will not have to                  3) have to                  4) had to

62- Hurry up! If you ... now, you ... the train.

- 1) left - will miss                  2) don't leave - may miss  
3) won't leave - miss                  4) leave - would miss

**63- Because hundreds of people were dying, the United Nations decided ... action and send emergency food supplies to the region.**

- 1) to take                    2) take                    3) took                    4) taking

**64- I am really tired ... school and ... wake up early in the morning. Can I just stay home today please?**

- 1) about – to have to                    2) about – having to  
3) of – to have to                    4) of – having to

**65- I feel ... that I'm bringing you so many problems during the project. I am new to this.**

- 1) frightened                    2) surprised                    3) fortunate                    4) ashamed

**Some children would like to stay alone. Whatever the reason, this is not good: if a child does not spend time with other children, he will get ...(66)... . In some cases, the child ... (67)... to stay alone because other children are not behaving well. However, remaining alone can become a(n) ... (68)... experience because the child has nothing to do, no friends to play with and no events to be happy about. Many of lonely children will not learn ... (69)... properly in public only because they do not spend time with others to learn these things. Finally, these children will have no ... (70)... in arts, social life, sports or any other exciting activity.**

- |                    |              |               |               |
|--------------------|--------------|---------------|---------------|
| 66- 1) depressing  | 2) depress   | 3) to depress | 4) depressed  |
| 67- 1) decides     | 2) promises  | 3) tells      | 4) creates    |
| 68- 1) amused      | 2) confusing | 3) lucky      | 4) boring     |
| 69- 1) to behaving | 2) behave    | 3) to behave  | 4) not behave |
| 70- 1) noise       | 2) number    | 3) light      | 4) interest   |

**71- Father: Can I take my car away?**

**Mechanic: Sorry, it's not ready. I ... it yet.**

- 1) have finished to fix                    2) didn't finish to fix  
3) haven't finished fixing                    4) finished fixing

**72- How long has it been since you moved here, Alex? You speak our language very .... You're so smart!**

- 1) fluently                    2) helpfully                    3) luckily                    4) internationally

A device has been developed that enables babies born blind to see the world through echoes from an ultrasonic scanner. Dr. Tom Bower, of Edinburgh University psychology department, told the British Association annual conference that he gave the device to a 16-week-old boy in the U.S. and the child responded to it within half a minute of putting it all.

The battery-operated scanner sends out a pulse of ultra-sound through a cone attached to the forehead. Through earplugs the baby is able to hear echoes in stereo which tell him what lies in front. By moving his head, he will detect sounds from different parts of the room.

The closer the object is, the lower the pitch of the sound. The bigger it is, the louder the sound. The child can also establish whether the object is hard or soft: a hard object will give a clear sound, and a soft one will give a fuzzy sound with overtones. Normal voice commands can be heard by the baby while he is wearing the device.

Bower first tried it out on a blind baby from the Berkeley children's hospital in California. The baby, Denis Daughters, seemed delighted and played hide-and-seek with his mother after a few days. He enjoyed finding her in a room. At the age of nine months, he had reached the development stage of a normal sighted baby. He was able to perform tests such as balancing an object on two prongs or on a table edge. This may sound unimportant, but few sighted children can perform such a task before this age.

**73- What is the best title for the passage?**

- 1) The World of the Newly Born
- 2) Seeing With Ears
- 3) Scanners: A New Version
- 4) Scientists Help Doctors

**74- The word "it" in paragraph 1 refers to ....**

- 1) device
- 2) echo
- 3) conference
- 4) department

**75- What does paragraph 2 mainly discuss?**

- 1) The quality of the sounds received by blind children
- 2) Who the new invention is good for
- 3) Ways to use the new device
- 4) How the new device works

Konkur.in

**76- Why does the author mention Denis Daughters in the last paragraph?**

- 1) To show how to stop blindness in childhood
- 2) To indicate the importance of playing games for the development of children
- 3) To cite an example in support of the fact that the new device is practical
- 4) To prove that more tests are to be performed before the new device can work efficiently

**Outdoor cats are active both day and night, although they tend to be slightly more active at night. The timing of cats' activity is quite flexible and varied, which means house cats may be more active in the morning and evening, as a response to greater human activity at these times. Although they spend the majority of their time in the vicinity of their home, house cats can range many hundreds of meters from this central point, and are known to establish territories that vary considerably in size, in one study ranging from 7 to 28 hectares (17- 69 acres).**

Cats save energy by sleeping more than most animals, especially as they grow older. The daily duration of sleep varies, usually between 12 and 16 hours, with 13 and 14 being the average. Some cats can sleep as much as 20 hours. The term "cat nap" for a short rest refers to the cat's tendency to fall asleep (lightly) for a brief period. While asleep, cats experience short periods of rapid eye movement sleep often accompanied by muscle twitches, which suggests they are dreaming.

**77- According to the passage, cats are generally a bit more active .... .**

- 1) when they are taken out of their home
- 2) based on how flexible they are
- 3) in the morning and evening
- 4) during the night

**78- The author refers to house cats (line 2) in paragraph 1 mainly in order to .... .**

- 1) illustrate the fact that the timing of cats' activity is quite flexible and varied
- 2) emphasize the difference in activity time between outdoor cats and house cats
- 3) provide evidence in support of the statement that not all cats tend to be more active at night
- 4) show that cats living among human beings are likely to be more active than those that live alone

**79- Which of the following is TRUE, according to paragraph 2?**

- 1) Cats' daily duration of sleep is not yet determined.
- 2) There are few cats that tend to sleep 12 hours a day.
- 3) Not all individual cats sleep a fixed number of hours daily.
- 4) The term "cat nap" relates to how fast cats fall asleep in daytime.

**80- The word "which" in paragraph 2 refers to .... .**

- 1) muscle twitches
- 2) the fact that cats may dream while they are asleep
- 3) the reflection of cats' daily experience in their short periods of sleep
- 4) cats' experiencing short periods of rapid eye movement sleep often accompanied by muscle twitches

-۸۱- تابع  $f(x) = \frac{x+1}{\left[ \frac{4ax}{3} \right]}$  در همسایگی راست  $x=6$  تعریف شده است. کمترین مقدار مثبت  $a$  کدام است؟ [ ]، نماد جزء

صحیح است).

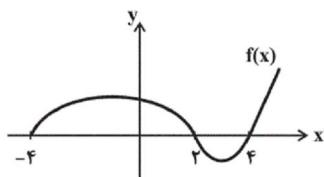
$$\frac{1}{10} (4)$$

$$\frac{2}{9} (3)$$

$$\frac{1}{16} (2)$$

$$\frac{1}{8} (1)$$

-۸۲- نمودار تابع  $f$  مطابق شکل زیر است. تابع  $\sqrt{f}$  در چند نقطه از دامنه اش حد ندارد؟



$$1 (1)$$

$$2 (2)$$

$$3 (3)$$

$$4 (4)$$

$A = \lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) + \lim_{x \rightarrow (\frac{1}{r})^+} f(x) - \lim_{x \rightarrow \sqrt{r}^-} f(x)$  باشد، حاصل عبارت  $f(x) = \begin{cases} 1 & ; x \in \mathbb{Z} \\ -1 & ; x \notin \mathbb{Z} \end{cases}$  اگر -۸۳

$$-1 (4)$$

$$3 (3)$$

$$1 (2)$$

$$2 (1)$$

-۸۴- حاصل  $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{1 - \cos x}}{\sin x}$  کدام است؟

$$\frac{\sqrt{2}}{2} (3)$$

$$-\frac{\sqrt{2}}{2} (2)$$

$$\sqrt{2} (1)$$

۴) حاصل حد وجود ندارد.

-۸۵- اگر  $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{f(x) - 4x}{x}$  باشد، حاصل  $\lim_{x \rightarrow \infty} \sqrt{\frac{4f(x)}{x} - 1} = 2$

$$-\frac{1}{2} (4)$$

$$3 (3)$$

$$1 (2)$$

$$\frac{5}{2} (1)$$

-۸۶- اگر  $\lim_{x \rightarrow \infty} g(x) = g(x) = \left[ \sin\left(\frac{4\pi}{x}\right) \right]$  باشد، حاصل  $(x^r - x^r + 3)$  کدام است؟ [ ]، نماد جزء صحیح است.

$$1 (2)$$

$$1 (صفر)$$

$$4 (4)$$

$$-1 (3)$$

-۸۷- اگر  $f$  تابعی خطی و گذرا از نقطه  $(-1, 2)$  باشد، حاصل  $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt{f(x)} - 2}{x^r - 1}$  کدام می‌تواند باشد؟

$$\frac{1}{4} (2)$$

$$\frac{1}{2} (1)$$

$$\frac{1}{8} (4)$$

$$\frac{1}{6} (3)$$

$$\lim_{x \rightarrow (\frac{\pi}{6})^+} f(x)$$

$$f(x) = \begin{cases} \frac{a}{2} & ; x = \frac{\pi}{6} \\ \frac{\sin\left(x - \frac{\pi}{6}\right)}{|2x - \frac{\pi}{3}|} & ; x < \frac{\pi}{6} \\ a[2x + 1] & ; x > \frac{\pi}{6} \end{cases}$$

()، نماد جزء صحیح است.

۱ (۲)

-۱ (۱)

-۲ (۴)

۲ (۳)

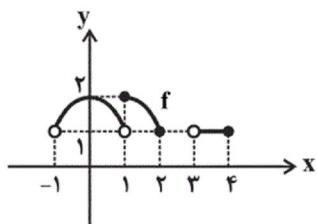
-۸۹- با توجه به نمودار تابع  $f$ ، کدام جمله درست است؟

۱) تابع  $f$  بر بازه  $[1, 2]$  پیوسته است.

۲) تابع  $f$  بر بازه  $[3, 4]$  پیوسته است.

۳) تابع  $f$  در هر نقطه از بازه  $[1, 2]$  پیوسته است.

۴) تابع  $f$  بر بازه  $[0, 2]$  پیوسته است.



$$-۹۰- اگر تابع f(x) = \begin{cases} b[x] + 4 & ; 1 < x \leq 3 \\ ax + 1 & ; 3 < x < 4 \end{cases} \text{ در بازه } (1, 4) \text{ پیوسته باشد، مقدار } a \text{ کدام است؟ ()، نماد جزء صحیح است.}$$

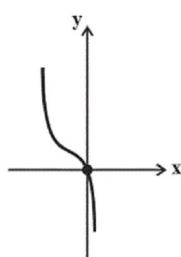
-۱ (۴)

-۳ (۳)

۳ (۳)

۱ (۱)

-۹۱- نمودار تابع  $y = x^3$  را ابتدا ۱ واحد به چپ می‌بریم. سپس نسبت به محور  $x$  ها قربینه کرده و بعد در راستای عمودی منبسط می‌کنیم. در نهایت آن را ۲ واحد به بالا انتقال می‌دهیم تا به نمودار زیر برسیم. این نمودار خط  $y = 4$  را با کدام طول قطع می‌کند؟



-۲ (۲)

-۳ (۴)

-۱/۵ (۱)

-۲/۵ (۳)

-۹۲- نمودار تابع  $y = f(x)$  از نقطه متناظر  $A(a, 3a)$  و نمودار تابع  $y = f(x)$  عبور می‌کند.

اگر اندازه پاره خط  $AA'$  برابر  $\sqrt{10}$  باشد، مجموع مقادیر ممکن برای  $a$  کدام است؟

$\frac{5}{12}$  (۴)

$\frac{12}{17}$  (۳)

$\frac{9}{4}$  (۲)

۳ (۱)

-۹۳- تابع  $f(x) = |x-1| - |x-5|$  مفروض است. تابع  $g = -f'$  در کدام یک از بازه‌های زیر اکیداً نزولی است؟

$$\left[ \frac{1}{2}, \frac{5}{2} \right] \text{ (۲)}$$

$$[-1, 1] \text{ (۱)}$$

$$\left[ \frac{7}{2}, \frac{11}{2} \right] \text{ (۴)}$$

$$\left[ \frac{4}{2}, \frac{9}{2} \right] \text{ (۳)}$$

-۹۴- اگر باقی‌مانده تقسیم عبارت  $p(x-1) - p(x-2)$  بر  $x$  برابر باشد، باقی‌مانده تقسیم عبارت  $(x^3 + 3x^2 + 2x + 1)$  بر  $p(x)$  برابر باشد. کدام است؟

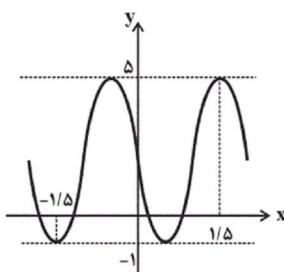
$$4 \text{ (۴)}$$

$$3 \text{ (۳)}$$

$$2 \text{ (۲)}$$

$$1 \text{ (۱)}$$

-۹۵- اگر نمودار زیر بخشی از نمودار تابع  $f(x) = a + b \sin(cx) \cos(cx)$  کدام است؟



$$\frac{2\pi}{3} \text{ (۲)}$$

$$-\frac{2\pi}{3} \text{ (۱)}$$

$$-\frac{\pi}{6} \text{ (۴)}$$

$$\frac{\pi}{6} \text{ (۳)}$$

-۹۶- دوره تناوب تابع  $f(x) = \frac{\sin x \cos x}{\sin\left(2x + \frac{\pi}{4}\right) - \frac{\sqrt{2}}{2} \cos 2x}$  کدام است؟

$$\frac{\pi}{4} \text{ (۴)}$$

$$\frac{\pi}{2} \text{ (۳)}$$

$$\frac{\pi}{3} \text{ (۲)}$$

$$2\pi \text{ (۱)}$$

-۹۷- اگر کسینوس یک زاویه، نصف تانژانت آن زاویه باشد، مقدار سینوس آن زاویه کدام است؟

$$\frac{1-\sqrt{15}}{6} \text{ (۴)}$$

$$\frac{1-\sqrt{17}}{6} \text{ (۳)}$$

$$\frac{\sqrt{17}-1}{4} \text{ (۲)}$$

$$\frac{\sqrt{15}-1}{4} \text{ (۱)}$$

-۹۸- اگر  $f(x) = \frac{2 \cos x - |\cos x|}{3}$  در بازه  $[-\frac{\pi}{2}, \frac{7\pi}{2}]$  باشد، تعداد جواب‌های معادله  $f(f(x)) = 1$  در بازه  $[0, 2\pi]$  کدام است؟

$$10 \text{ (۴)}$$

$$8 \text{ (۳)}$$

$$6 \text{ (۲)}$$

$$4 \text{ (۱)}$$

-۹۹- تعداد جواب‌های معادله مثلثاتی  $\frac{1-\cos x}{\sin x} = \tan 2x$  در بازه  $[0, 2\pi]$  کدام است؟

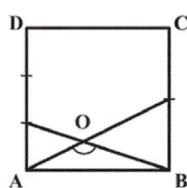
$$1 \text{ (۴)}$$

$$2 \text{ (۳)}$$

$$3 \text{ (۲)}$$

$$4 \text{ (۱)}$$

۱۰۰- در مربع زیر با طول ضلع واحد، اندازه  $\hat{O}$  کدام است؟  $AD$  به سه قسمت مساوی و  $BC$  به دو قسمت مساوی تقسیم شده است.



$$\frac{3\pi}{4} \quad (2)$$

$$\frac{2\pi}{3} \quad (1)$$

$$\frac{\pi}{3} \quad (4)$$

$$\frac{\pi}{4} \quad (3)$$

۱۰۱- در سهمی  $y = mx^r + (m-1)x + 7$ ، محور تقارن خط  $x=3$  است. عرض رأس سهمی کدام است؟

-۱۲ (۴)

-۱۱ (۳)

-۱۰ (۲)

-۹ (۱)

۱۰۲- چهار برابر مربع عددی حقیقی از سه برابر آن عدد به اضافه یک، کوچک‌تر است. اگر این عدد متعلق به بازه  $(m, n)$  باشد، حداقل مقدار  $n-m$  کدام است؟

۱ (۴)

۰/۷۵ (۳)

۱/۲۵ (۲)

۲/۷۵ (۱)

۱۰۳- چند عدد صحیح در نامعادله  $|x(|x|-1)| \leq |x|-1$  صدق می‌کند؟

۰ (۴) صفر

۱ (۳)

۲ (۲)

۳ (۱)

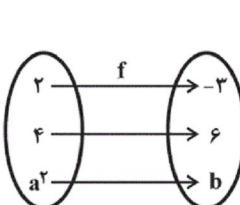
۱۰۴- اگر رابطه  $\{(a, 3), (1, a^r + 2a), (-4, \sqrt{a+b}), (1, 8), (2, -a)\}$  یک تابع باشد،  $b$  کدام است؟

۱۳ (۴)

۱۱ (۳)

۹ (۲)

۷ (۱)



$$-\frac{3\sqrt{2}}{2} \quad (4)$$

$$\frac{b}{a}$$

$$-2 \quad (3)$$

$$3 \quad (2)$$

$$\frac{3\sqrt{2}}{2} \quad (1)$$

۱۰۵- اگر دامنه تابع  $f$  با نمودار پیکانی زیر فقط دو عضو متمایز داشته باشد، حاصل کدام مقدار نمی‌تواند باشد؟

(۳, ۷) (۴)

[-4, 4] (۳)

[0, 10] (۲)

[-5, 5] (۱)

۱۰۶- با کدام دامنه، برد تابع  $y = 10 - 5x - 2x^2$  برابر با  $[-2, 2]$  می‌شود؟

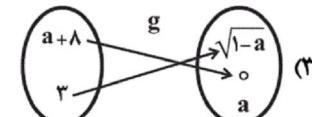
$f(x) = \frac{(2x+1)x+5}{3x-1}$

(1)

۱۰۷- اگر تابع  $f(x) = \frac{(2x+1)x+5}{3x-1}$  در دامنه تعریف خود ثابت باشد، کدام تابع همانی است؟

$g(x) = \{(1, a+9), (10, 2+a)\}$  (1)

$g(x) = \{(a, a^r), (a^r, a)\}$  (4)



۱۰۸- تابع  $f$  همانی و تابع  $g$  ثابت است. اگر رابطه  $g(0) - \frac{5}{2}$  برقرار باشد، مقدار  $f(3) + \frac{1}{2}g(3) = \frac{5}{f(2)}$  کدام است؟

$\frac{3}{2} \quad (4)$

۱ (۳)

$\frac{1}{2} \quad (2)$

۰ (۱) صفر

۱۰۹- اگر  $f$  تابعی خطی باشد به صورتی که رابطه  $f(x-1) + f(x+2) = x$  برقرار باشد، آن‌گاه  $f(2)$  کدام است؟

$\frac{1}{2} \quad (4)$

۱ (۳)

$\frac{3}{4} \quad (2)$

$\frac{5}{2} \quad (1)$

۱۱۰- اندازه ضلع بزرگ مستطیل محصور بین نمودارهای دو تابع  $g(x) = -|x| + ۳$  و  $f(x) = |x+1|$  کدام است؟

$5\sqrt{2} \quad (4)$

$4\sqrt{2} \quad (3)$

$3\sqrt{2} \quad (2)$

$2\sqrt{2} \quad (1)$

-111- در مثلث  $ABC$ ،  $b \cos \hat{C} = c \sin \hat{B}$  است. اندازه کوچک ترین زاویه مثلث چقدر است؟

۲۰° (۴)

۱۵° (۳)

۱۰° (۲)

۵° (۱)

-112- در مثلث قائم الزاویه‌ای، یکی از زوايا برابر  $30^\circ$  است. نسبت مساحت دو مثلث ایجاد شده توسط نیمساز زاویه قائم در این مثلث

کدام است؟

 $\frac{1}{2}$  (۴) $\frac{\sqrt{2}}{2}$  (۳) $\frac{\sqrt{3}}{2}$  (۲) $\frac{\sqrt{3}}{3}$  (۱)

-113- اگر طول قطرهای یک متوازی الاضلاع برابر ۱۲ و ۲۲ و زاویه بین دو قطر آن برابر  $120^\circ$  باشد، طول ضلع بزرگتر متوازی الاضلاع

کدام است؟

 $\sqrt{224}$  (۴) $\sqrt{223}$  (۳) $\sqrt{222}$  (۲) $\sqrt{221}$  (۱)

-114- در مثلث  $ABC$ ،  $\hat{B} > 90^\circ$  و  $AH$  به ترتیب نیمساز زاویه داخلی و ارتفاع نظیر رأس  $A$  هستند.

اگر  $BH = 6$  و  $AC = 17$ ،  $AB = 10$  باشد، آنگاه طول  $BD$  کدام است؟ $\frac{20}{9}$  (۴) $\frac{10}{9}$  (۳) $\frac{20}{3}$  (۲) $\frac{10}{3}$  (۱)

-115- در مثلث  $ABC$ ، نیمساز زاویه داخلی  $A$ ، ضلع  $BC$  را در نقطه  $D$  قطع می‌کند. اگر  $BC = 7/5$  و  $AB = 7$ ،  $AC = 8$  باشد،

آنگاه طول  $AD$  کدام است؟ $5\sqrt{2}$  (۴) $2\sqrt{10}$  (۳) $\sqrt{42}$  (۲) $3\sqrt{5}$  (۱)

-116- اگر  $a$  عددی صحیح باشد، آنگاه چند مثلث حاده‌زاویه به طول اضلاع ۸، ۱۵ و  $a$  وجود دارد؟

**Konkur.in**

(۲)

(۱)

۶ (۴)

۵ (۳)

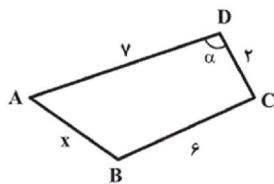
-117- در مثلث  $ABC$ ،  $a = 12$ ،  $c = 9$  و  $b = 8$  است. طول شعاع دایره محیطی این مثلث کدام است؟

۶/۲۵ (۲)

۶ (۱)

۷/۵ (۴)

۶/۷۵ (۳)



۱۱۸- در چهارضلعی محاطی مقابل، طول ضلع  $AB$  کدام است؟ ( $\cos\alpha = 0/125$ )

۴/۵ (۲)

۴ (۱)

۳ (۴)

$4\sqrt{3}$  (۳)

۱۱۹- مساحت مثلثی به طول اضلاع ۳، ۵ و ۷، چند برابر مساحت مثلثی به طول اضلاع ۴، ۶ و ۸ است؟

$\frac{\sqrt{3}}{4}$  (۲)

$\frac{\sqrt{5}}{4}$  (۱)

$\frac{3}{4}$  (۴)

$\frac{\sqrt{15}}{4}$  (۳)

۱۲۰- در مثلث  $ABC$ ، میانه  $AM$  و نیمسازهای دو زاویه  $AMB$  و  $AMC$  را رسم می‌کنیم تا به ترتیب اضلاع  $AB$  و  $AC$  را در

نقاط  $P$  و  $Q$  قطع کنند. اگر  $AB = 9$ ،  $AQ = 8$  و  $CQ = 2$ ، آنگاه طول  $AP$  کدام است؟

۶/۲۵ (۲)

۵/۴ (۱)

۷/۲ (۴)

۶/۷۵ (۳)

۱۲۱- به هر یک از افراد یا اشیا که داده‌های مربوط به آنها در یک بررسی آماری گردآوری می‌شود، ..... و به مجموعه کل آنها ..... گفته می‌شود.

(۱) واحد آماری- جامعه آماری (۲) متغیر - جامعه آماری (۳) واحد آماری - نمونه (۴) متغیر - نمونه

۱۲۲- اگر برای نظرسنجی در مورد کتاب درسی آمار و احتمال از دانشآموزان پایهٔ یازدهم ریاضی شهر تهران، از تمامی مناطق آموزش و پرورش، به تعداد یکسان دانشآموز انتخاب کنیم، از کدام روش نمونه‌گیری استفاده کرده‌ایم؟

(۱) تصادفی ساده (۲) خوشهای (۳) طبقه‌ای (۴) سامانمند

۱۲۳- اگر یک روش نمونه‌گیری از نمونه‌گیری ایده‌آل فاصله بگیرد و به سمتی خاص انحراف پیدا کند، آن روش نمونه‌گیری را ..... می‌نامند.

(۱) اریب (۲) نالریب (۳) سامانمند (۴) تصادفی

۱۲۴- برای مشخص کردن پارامتر جامعه، کدام یک از موارد زیر ضروری است؟

(۱) متغیرها و نوع آنها معلوم باشند. (۲) همه نمونه‌گیری‌ها، طبقه‌ای باشند.

(۳) داده‌های کل جامعه در اختیار باشد. (۴) هیچ کدام

۱۲۵- مقاومت پارگی نوعی خاص از پارچه، دارای انحراف معیار  $2/5$  می‌باشد. اگر یک نمونه تصادفی ۲۵ تایی از این نوع پارچه انتخاب شود، طول فاصله اطمینان ۹۵ درصدی برای میانگین این جامعه کدام است؟

(۱) ۲/۵ (۲) ۳ (۳) ۲/۵ (۴) ۳/۵

۱۲۶- چند مورد از تعاریف زیر صحیح است؟

الف) مشخصه‌ای عددی که توصیف کننده جنبه‌ای خاص از نمونه است و از داده‌های نمونه به دست می‌آید را آماره می‌گویند.

ب) فرآیند نتیجه‌گیری درباره تغییرات یک جامعه را آمار استنباطی می‌گوییم.

پ) در بررسی یک جامعه، نمونه‌گیری اریب ارزش بالایی دارد.

ت) هر زیرمجموعه از یک جامعه آماری که با روش خاصی انتخاب شده باشد را نمونه می‌گوییم.

(۱) ۱ (۲) ۳ (۳) ۴ (۴)

-۱۲۷- فرض کنید می خواهیم میانگین اعداد جامعه‌ای با شش داده به صورت  $20, 19, 18, 17, 16, 15$  را برآورد نماییم. چقدر احتمال دارد برآورد میانگین برای یک نمونه دوتایی برابر ۱۸ باشد؟

$$\frac{2}{15} \quad (4)$$

$$\frac{1}{3} \quad (3)$$

$$\frac{1}{15} \quad (2)$$

$$\frac{1}{5} \quad (1)$$

-۱۲۸- اگر انحراف معیار جامعه‌ای برابر  $\sqrt{6}$  باشد و نمونه‌ای به صورت  $1, 2, 5, 0, 1, 2, 5, 0, 1, 2, 5, 0$  از این جامعه انتخاب کرده باشیم، آنگاه بازه اطمینان ۹۵ درصدی برای میانگین این جامعه کدام است؟

$$[1/63, 2/63] \quad (4)$$

$$[0/37, 2/63] \quad (3)$$

$$[0/37, 2/63] \quad (2)$$

$$[1/63, 2/37] \quad (1)$$

-۱۲۹- عدد از میان اعداد صحیح  $N$  به تصادف انتخاب شده است. اگر اعداد انتخابی به صورت  $2, 4, 5, 7, 12, 13, 15, 17, 19, 23, 24, 25$  باشد، برآورد نقطه‌ای از  $N$  به کمک میانه کدام است؟

$$30 \quad (4)$$

$$29 \quad (3)$$

$$28 \quad (2)$$

$$27 \quad (1)$$

-۱۳۰- اگر انحراف معیار برآورد میانگین نمونه‌ای ۲۵ تایی از یک جامعه برابر  $8/1$  باشد، انحراف معیار برآورد میانگین نمونه‌ای ۲۲۵ تایی از این جامعه کدام است؟

$$0/6 \quad (4)$$

$$0/5 \quad (3)$$

$$0/3 \quad (2)$$

$$0/2 \quad (1)$$

$$A - B = \begin{bmatrix} 2 & -3 \\ 0 & 5 \end{bmatrix} \quad 2A + B = I \quad \text{اگر} \quad -131$$

$$-1 \quad (4)$$

$$0 \quad (3)$$

$$1 \quad (2)$$

$$2 \quad (1)$$

$$B = \begin{bmatrix} -2 \\ 1 \\ 3 \end{bmatrix} \quad \text{و} \quad A = \begin{bmatrix} 1 & -2 & 3 \end{bmatrix} \quad \text{اگر} \quad -132$$

$$-10 \quad (4)$$

$$-5 \quad (3)$$

$$5 \quad (2)$$

$$0 \quad (1)$$

$$A = \begin{bmatrix} 2 & 3 \\ 1 & 2 \end{bmatrix} \quad \text{اگر} \quad -133$$

$$4 \quad (2)$$

$$2 \quad (1)$$

$$16 \quad (4)$$

$$8 \quad (3)$$

-۱۳۴- اگر برای ماتریس  $A$ ، رابطه  $A^T = A + I$  برقرار باشد، آنگاه ماتریس  $A^4 + I$  با کدام یک از ماتریس‌های زیر برابر است؟

$$2A + I \quad (2)$$

$$3A^T \quad (4)$$

$$3A + 2I \quad (1)$$

$$A + 3I \quad (3)$$

$$A = \begin{bmatrix} 0 & -\tan 60^\circ \\ \tan 30^\circ & 0 \end{bmatrix} \quad \text{اگر} \quad -135$$

$$(4)$$

$$\begin{bmatrix} \frac{\sqrt{3}}{4} & 0 \\ \frac{1}{4} & 0 \end{bmatrix} \quad (3)$$

$$\begin{bmatrix} \frac{3\sqrt{3}}{4} & 0 \\ -\frac{3}{4} & 0 \end{bmatrix} \quad (2)$$

$$\begin{bmatrix} -\frac{\sqrt{3}}{4} & 0 \\ -\frac{1}{4} & 0 \end{bmatrix} \quad (1)$$

$$\begin{bmatrix} -\frac{3\sqrt{3}}{4} & 0 \\ \frac{3}{4} & 0 \end{bmatrix} \quad (4)$$

۱۳۶- اگر  $(I - A)^{-1} = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ -1 & 3 \end{bmatrix}$  باشد، حاصل دترمینان  $5A^2$  کدام است؟

۱۶ (۴)

۱۶ (۳)

۴ (۲)

۴ (۱)

۱۳۷- اگر مجموع درایه‌های ماتریس  $A = \begin{bmatrix} x & 2 \\ 2 & x \end{bmatrix}$ , چهار برابر مجموع درایه‌های ماتریس وارون آن باشد، مجموع مقادیر ممکن برای  $x$  کدام است؟

-۴ (۴)

۴ (۳)

-۲ (۲)

۲ (۱)

۱۳۸- مجموعه نقطه‌ای از صفحه که به فاصله یکسان از دو خط تعریف شده با معادله ماتریسی  $\begin{bmatrix} 3 & -4 \\ -6 & 8 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 \\ 6 \end{bmatrix}$  قرار دارند، بر روی کدام خط زیر واقع‌اند؟

$$-3x - 4y = -\frac{1}{2} \quad (۲)$$

$$-9x + 12y = \frac{3}{2} \quad (۱)$$

$$3x - 4y = \frac{5}{2} \quad (۴)$$

$$6x - 8y = 1 \quad (۳)$$

۱۳۹- دترمینان کدام‌یک از ماتریس‌های زیر با افزودن هر عدد حقیقی دلخواه غیرصفر به تمام درایه‌های آن، همواره ثابت است؟

$$\begin{bmatrix} 3 & -3 \\ -2 & 2 \end{bmatrix} \quad (۲)$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 4 \\ 2 & 3 \end{bmatrix} \quad (۱)$$

$$\begin{bmatrix} 2 & 1 \\ 4 & 3 \end{bmatrix} \quad (۴)$$

$$\begin{bmatrix} 3 & 2 \\ -3 & -2 \end{bmatrix} \quad (۳)$$

۱۴۰- در یک دستگاه معادلات خطی،  $B = \begin{bmatrix} 1 \\ -2 \end{bmatrix}$  ماتریس ضرایب دستگاه و  $A = \begin{bmatrix} |A|+1 & |A|-2 \\ 2|A|-1 & |A|-1 \end{bmatrix}$  ماتریس مقادیر معلوم آن است. اگر درایه‌های ماتریس  $A$  همگی مثبت باشند، آنگاه مجموع درایه‌های ماتریس مجھولات کدام است؟

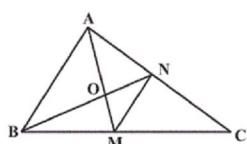
-۳ (۲)

۳ (۱)

-۹ (۴)

۹ (۳)

۱۴۱- در شکل زیر،  $M$  و  $N$  وسط ضلع‌های مثلث  $ABC$  هستند. مساحت مثلث  $OMN$  چند برابر مساحت مثلث  $ABC$  است؟



۱۲ (۲)

۸ (۱)

۱۵ (۴)

۹ (۳)

۱۴۲- نقطه‌ای دلخواه درون یک مثلث متساوی‌الاضلاع است. هرگاه مجموع فاصله‌های  $M$  از دو ضلع این مثلث برابر ۳ واحد

و مساحت مثلث برابر  $12\sqrt{3}$  باشد، فاصله  $M$  از ضلع سوم مثلث کدام است؟

۱) ۱۱  
۲) ۱۲

۳) ۱۳  
۴) ۱۴

۱۴۳- مساحت یک چندضلعی شبکه‌ای  $\frac{17}{3}$  واحد است. حداکثر تعداد نقاط درونی این چندضلعی شبکه‌ای کدام است؟

۱) ۸  
۲) ۹

۳) ۱۰  
۴) ۹

۱۴۴- اگر خط  $L$  بر صفحه  $P$  عمود نباشد، چند صفحه شامل خط  $L$  و عمود بر صفحه  $P$  وجود دارد؟

۱) دقیقاً یک  
۲) حداکثر یک

۳) بی‌شمار  
۴) هیچ

۱۴۵- خطوط  $d$  و  $d'$  به ترتیب موازی و متقاطع با صفحه  $P$  هستند. چند خط در فضا وجود دارد که با صفحه  $P$  موازی بوده و دو خط

$d$  و  $d'$  را قطع کند؟

۱) یک  
۲) دو

۳) بی‌شمار  
۴) هیچ

۱۴۶- در کدام حالت، دو صفحه متقاطع  $P$  و  $P'$  بر هم عمود هستند؟

۱) یک خط واقع در صفحه  $P$ ، بر فصل مشترک دو صفحه عمود باشد.

۲) یک خط عمود بر صفحه  $P$ ، بر صفحه  $P'$  هم عمود باشد.

۳) هر خط واقع در صفحه  $P$ ، بر دو خط موازی در صفحه  $P'$  عمود باشد.

۴) یک خط موازی با صفحه  $P$ ، بر صفحه  $P'$  عمود باشد.

۱۴۷- سه خط  $L_1$ ،  $L_2$  و  $L_3$  گذرا از نقطه  $O$ ، دو به دو بر هم عمودند. اگر صفحه  $P$  شامل خط  $L_1$  و عمود بر خط  $L_2$  باشد، وضع

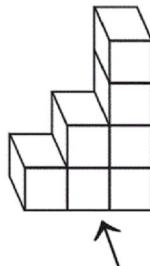
نسبی خط  $L_3$  و صفحه  $P$  کدام است؟

۱)  $L_3$  واقع در صفحه  $P$  است.

۲)  $L_3$  موازی با صفحه  $P$  است ولی لزوماً واقع در آن نیست.

۳)  $L_3$  عمود بر صفحه  $P$  است.

۴)  $L_3$  با صفحه  $P$  متقاطع است، ولی لزوماً عمود بر آن نیست.



۱۴۸- در کدام نما از شکل مقابل، کمترین تعداد مربع دیده می‌شود؟

- (۱) نمای رو به رو
- (۲) نمای چپ
- (۳) نمای بالا

(۴) در هر سه نما، تعداد مربع‌ها یکسان است.

۱۴۹- بیشترین مساحت مقطع حاصل از تقاطع یک صفحه با مکعب مستطیلی به ابعاد ۲، ۱ و ۳ واحد، چند واحد مربع است؟

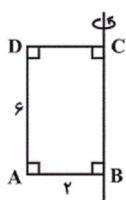
۹ (۲)

۶ (۱)

$3\sqrt{5}$  (۴)

$2\sqrt{10}$  (۳)

۱۵۰- مستطیل ABCD را حول ضلع BC و در جهت مثلثاتی  $90^\circ$  می‌چرخانیم، مساحت کل جسم حاصل کدام است؟



- (۱)  $6(2 + \pi)$
- (۲)  $8(4 + \pi)$
- (۳)  $8(3 + \pi)$
- (۴)  $6(4 + \pi)$

۱۵۱- به ازای چند مقدار طبیعی  $a$ ، معادله سیاله  $39 = 3a + 2x + (2a - 3)y$  در مجموعه اعداد صحیح دارای جواب است؟

۲ (۴)

۱ (۳)

(۲) بی‌شمار

(۱) هیچ

۱۵۲- اگر باقی‌مانده تقسیم دو عدد  $2 - 3a$  و  $2a - 3$  بر ۱۱ یکسان باشد، آنگاه باقی‌مانده تقسیم  $4a - 5$  بر ۲۲ کدام است؟

۱۳ (۴)

۱۲ (۳)

۳ (۲)

۲ (۱)

۱۵۳- کمترین مقدار طبیعی  $a$  چقدر باشد تا باقی‌مانده تقسیم عدد  $-1 + 16a - 3^{11}$  بر ۱۳، برابر ۳ باشد؟

۴ (۴)

۵ (۳)

۶ (۲)

۷ (۱)

۱۵۴- اگر روز ۹ تیر سال ۱۴۲۶ هجری شمسی، سه شنبه بوده و این سال، سال کبیسه نباشد، ۱۶ اردیبهشت سال ۱۴۲۷، چه روزی از هفته خواهد بود؟

۴ (۴) شنبه

(۲) پنجشنبه

(۱) چهارشنبه

۱۵۵- چند نقطه با مختصات طبیعی بر روی خط  $57x + 21y = 1125$  وجود دارد؟

۵ (۴)

۴ (۳)

۳ (۲)

۲ (۱)

۱۵۶- باقی‌مانده تقسیم عدد  $5^{40} - 5^{40}$  بر ۱۵ کدام است؟

۹ (۴)

۶ (۳)

۳ (۲)

(۱) صفر

۱۵۷- چند عدد چهاررقمی وجود دارد به طوری که هر یک از آنها در تقسیم بر عدد ۱۵، باقی‌مانده ۸ و در تقسیم بر عدد ۱۸، باقی‌مانده ۱۱ داشته باشند؟

۱۱۱ (۴)

۱۱۰ (۳)

۹۹ (۲)

۱۰۰ (۱)

۱۵۸- به ازای چند مقدار دو رقمی و طبیعی  $n$ ، دو عدد  $1 + 4n$  و  $2 - 3n$  نسبت به هم اول‌اند؟

۷۹ (۴)

۸۲ (۳)

۸ (۲)

۱۱ (۱)

۱۵۹- شخصی در یک مسابقه علمی شرکت کرده است و با پاسخ دادن به سؤالات ۷ و ۱۲ امتیازی، مجموعاً ۱۷۵ امتیاز کسب نموده است. اگر پاسخ به هر سؤال یا امتیاز کامل داشته باشد و یا فاقد امتیاز باشد، این شخص به چند طریق توانسته این امتیاز را به دست آورده؟

۳ (۴)

۲ (۳)

۱ (۲)

۱) هیچ

۱۶۰- از رابطه همنهشتی  $\frac{96a}{12a} = \frac{264b}{12a}$  کدام نتیجه‌گیری زیر نادرست است؟

۱۲a  $\equiv$  ۳۳b (۴)a - b  $\equiv$  ۰ (۳)۲۶a  $\equiv$  ۱۲b (۲)۵۰a  $\equiv$  ۲۹b (۱)

۱۶۱- اولین قدم در علم آمار کدام است؟

۲) جمع‌آوری اعداد و ارقام

۱) تحلیل و تفسیر داده‌ها

۴) پیش‌بینی

۳) سازماندهی

۱۶۲- نوع کدام متغیر با بقیه متفاوت است؟

۲) گروه خونی افراد

۱) میزان لذت از خوردن غذاهای یک رستوران

۴) نوع آلیندگی هوا

۳) رنگ خودروهای داخل یک پارکینگ

۱۶۳- در کدام گزینه تمام متغیرهای کیفی اسمی، کیفی ترتیبی، کمی پیوسته و کمی گسسته وجود دارند؟

۱) سن، جنسیت، میزان تحصیلات، شغل

۲) وزن، تعداد فرزندان، جنسیت، شغل

۳) سرعت حرکت یک خودرو، گروه خون، مراحل رشد، تعداد فرزندان

۴) تعداد تماس‌ها، مراحل تحصیل، رنگ چشم، گروه خون

۱۶۴- کدام یک از متغیرهای تصادفی زیر کیفی ترتیبی است؟

۲) میزان رضایت از شغل

۱) میزان دمای هوا

۴) تعداد فرزندان یک خانواده

۳) جنسیت فرد

۱۶۵- در پرتاب دو تاس سالم، اگر A و B به ترتیب پیشامدهایی باشند که در آنها «دو عدد متمایز رو شود» و «مجموع دو عدد رو شده

بیشتر از ۷ باشد»، پیشامد  $A \cap B$  چند برآمد دارد؟

۱۶ (۲)

۱۸ (۱)

۱۲ (۴)

۱۴ (۳)

۱۶۶- نفر را که دو نفر آنها با هم برادرند، به تصادف در یک ردیف قرار می‌دهیم. احتمال آنکه یکی از دو برادر در ابتدای ردیف و

دیگری در انتهای ردیف قرار بگیرد، کدام است؟

$$\frac{1}{20} \quad (2)$$

$$\frac{1}{15} \quad (1)$$

$$\frac{1}{30} \quad (4)$$

$$\frac{1}{10} \quad (3)$$

۱۶۷- برق کاری نیاز به یک لامپ سالم دارد. دو جعبه داریم که در اولی و دومی به ترتیب ۵ و ۱۰ لامپ وجود دارد و در اولی  $k$  لامپ

سالم و در دومی ۶ لامپ سالم است. اگر احتمال انتخاب لامپ سالم از جعبه دوم  $2/0$  بیشتر از جعبه اول باشد،  $k$  کدام است؟

$$2(2)$$

$$1(1)$$

$$4(4)$$

$$3(3)$$

۱۶۸- اعداد ۱ تا ۱۱ را روی کارت‌هایی نوشته و از بین آن‌ها دو کارت را با هم انتخاب می‌کنیم. احتمال این که حاصل ضرب اعداد رو شده

زوج باشد کدام است؟

$$\frac{8}{11} \quad (2)$$

$$\frac{2}{3} \quad (1)$$

$$\frac{4}{5} \quad (4)$$

$$\frac{3}{5} \quad (3)$$

۱۶۹- تعداد مهره‌های آبی و قرمز در یک کیسه، دو عدد طبیعی متولی هستند. اگر دو مهره همزمان از کیسه خارج کنیم، احتمال

همرنگ بودن دو مهره، برابر  $\frac{2}{5}$  است. تعداد مهره‌های داخل این کیسه کدام است؟

$$7(2)$$

$$5(1)$$

$$11(4)$$

$$9(3)$$

۱۷۰- از کنار هم قرار دادن هر دو رقم متمایز از مجموعه اعداد  $\{1, 3, 5, 6\}$ ، یک عدد دو رقمی می‌سازیم. اگر مجموعه همه این اعداد دو

رقمی را روی کارت‌های جداگانه بنویسیم و به تصادف کارتی از میان آنها بیرون بکشیم، با کدام احتمال عدد مورد نظر، عددی

اول است؟

$$\frac{3}{8} \quad (2)$$

$$\frac{5}{16} \quad (1)$$

$$\frac{1}{4} \quad (4)$$

$$\frac{1}{3} \quad (3)$$

۱۷۱- سیمی به طول  $120\text{cm}$  را به صورت پیچه‌ای مسطح به قطر  $4\text{cm}$  در می‌آوریم و در حضور میدان مغناطیسی

$(\vec{B} = -2/5\vec{i} + 6\vec{j})$  گاوس قرار می‌دهیم. بیشترین شار مغناطیسی عبوری از این پیچه چند میکرووبر است؟ ( $\pi = 3$ )

$$0/78 \quad (4)$$

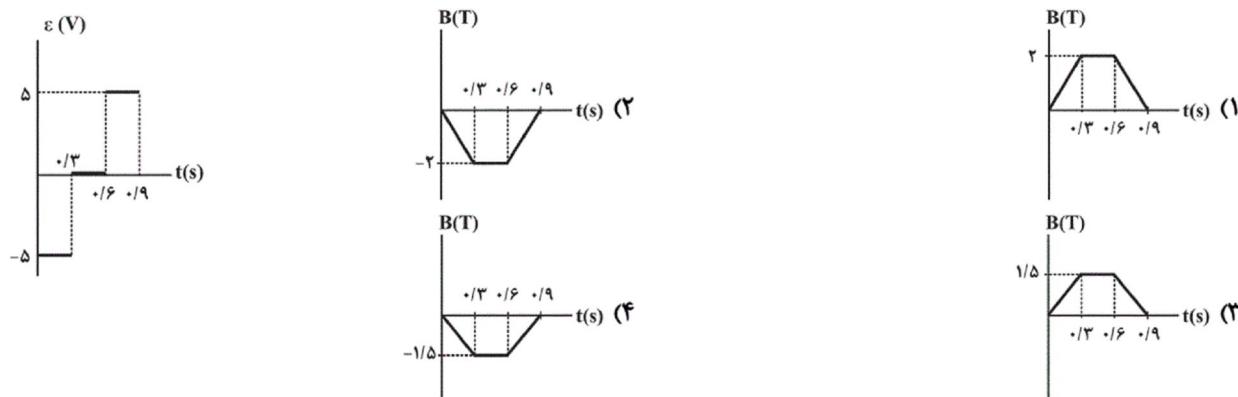
$$0/75 \quad (3)$$

$$7/8 \quad (2)$$

$$7/5 \quad (1)$$

۱۷۲- نمودار نیروی محرکه القایی در حلقه‌ای به شعاع  $50\text{cm}$  که به طور عمود بر خط‌های یک میدان مغناطیسی قرار دارد، به صورت

زیر است. نمودار تغییرات میدان مغناطیسی عبوری از این حلقه بر حسب زمان مطابق کدام گزینه است؟ ( $\pi = 3$ )



۱۷۳- سطح پیچه مسطحی به مقاومت  $5\Omega$  و شامل  $500$  دور حلقه، عمود بر خط‌های میدان مغناطیسی متغیری است که با آهنگ

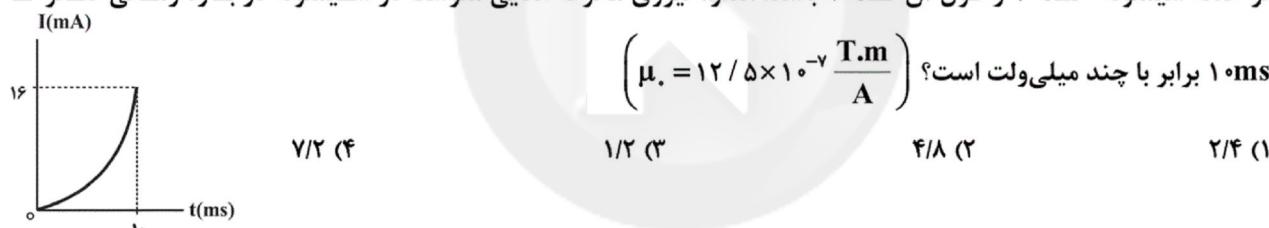
ثابت  $\frac{G}{s} 200$  در حال تغییر می‌باشد. اگر مساحت سطح پیچه برابر با  $25\text{cm}^2$  باشد، جریان القایی متوسط عبوری از پیچه چند

میلی‌آمپر است؟

- (۱)  $2/5$       (۲)  $5/2$       (۳)  $10/3$       (۴)  $25/4$

۱۷۴- در شکل زیر، نمودار تغییرات جریان عبوری از سیم‌لوله‌ای آرمانی با  $400$  دور حلقه بر حسب زمان رسم شده است. اگر مساحت

هر حلقه سیم‌لوله  $30\text{cm}^2$  و طول آن  $40\text{cm}$  باشد، اندازه نیروی محرکه القایی متوسط در سیم‌لوله در بازه زمانی صفر تا



۱۷۵- مطابق شکل زیر رسانای U شکلی در میدان مغناطیسی یکنواخت درون‌سویی قرار دارد. اگر حداقل نیروی لازم برای حرکت

دادن میله با تنیدی ثابت  $12 \frac{\text{m}}{\text{s}}$  روی رسانای U شکل برابر با  $2N$  باشد، بزرگی میدان مغناطیسی چند تسلا است؟



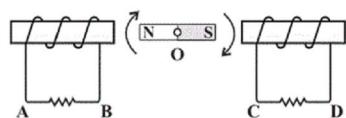
۱۷۶- سطح پیچه مسطحی که دارای  $200$  دور حلقه به مساحت  $40\text{cm}^2$  است، عمود بر خط‌های یک میدان مغناطیسی قرار دارد که

اندازه آن در SI از رابطه  $B = \frac{1}{2}t^3 + 4t$  با زمان تغییر می‌کند. اندازه نیروی محرکه القایی متوسط در دو ثانیه دوم چند ولت است؟

- (۱)  $4$       (۲)  $5/6$       (۳)  $8$       (۴)  $11/2$

۱۷۷- در شکل زیر سیم‌وله‌ها ثابت و آهنربا حول نقطه O در صفحه کاغذ به صورت ساعتگرد دوران می‌کند. جهت جریان القایی در

مقاومت‌ها هنگام شروع حرکت آهنربا از وضعیت نشان داده شده در شکل، کدام است؟



D از C به A، از B به

D از C به A، از B به

C از A به B، از

C از A به B، از

۱۷۸- در محل یک نیروگاه برق ولتاژ ۱۰۰۰۰ ولت توسط مبدل آرمانی A به ۴۰۰۰۰ ولت تبدیل می‌شود و پس از انتقال به یک شهر

توسط مبدل آرمانی B این ولتاژ به ۵۰۰۰ ولت تبدیل می‌شود. اگر نسبت تعداد سیم‌بیچ ثانویه به اولیه در مبدل A برابر  $K_A$  و

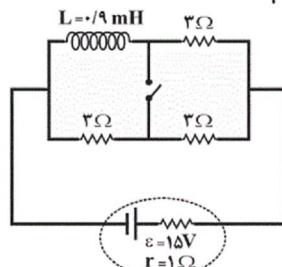
در مبدل B برابر  $K_B$  باشد،  $\frac{K_A}{K_B}$  کدام است؟

۳۲۰۰ (۴)

۱۲۰۰ (۳)

۸۰۰ (۲)

۲۰ (۱)



۱۷۹- در مدار شکل مقابل با وصل کردن کلید، انرژی ذخیره شده در القاگر ایده‌آل چند میلی‌ژول

تغییر خواهد کرد؟

۱۶/۲ (۲)

-۰/۹۵ (۴)

-۵ (۱)

۱۱/۲ (۳)

۱۸۰- نمودار یک جریان متناوب سینوسی بر حسب زمان مطابق شکل زیر است. کدام گزینه معادله جریان الکتریکی را بر حسب زمان

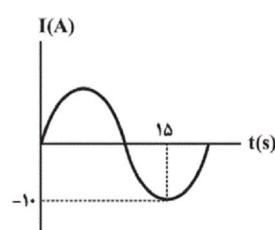
در SI به درستی نشان می‌دهد؟

$$I = 10 \sin(20\pi t) \quad (۲)$$

$$I = -10 \sin(20\pi t) \quad (۴)$$

$$I = 10 \sin(0/1\pi t) \quad (۱)$$

$$I = -10 \sin(0/1\pi t) \quad (۳)$$



۱۸۱- جسمی با شتاب ثابتی به اندازه  $\frac{m}{s^2}$  در جهت مثبت محور X در حال حرکت است. اگر سرعت متوسط متحرک در ۲ ثانیه دوم

حرکت نصف ۲ ثانیه اول باشد و متحرک طی این مدت تغییر جهت ندهد، سرعت اولیه متحرک چند متر بر ثانیه است؟

۱۰ (۴)

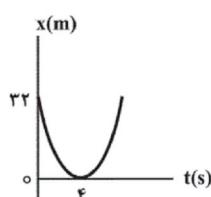
۲۰ (۳)

۳۰ (۲)

۵۰ (۱)

۱۸۲- نمودار مکان – زمان متحرکی که با شتاب ثابت در امتداد محور X حرکت می‌کند، به صورت شکل زیر است. تندی متوسط آن در

۱۰ ثانیه اول حرکت چند متر بر ثانیه است؟



۱۰/۴ (۲)

۴ (۴)

۸/۸ (۱)

۱۱/۲ (۳)

۱۸۳- متحرکی از حال سکون در مسیری مستقیم با شتاب ثابت  $\frac{m}{s^3}$  شروع به حرکت می‌کند و زمانی که سرعتش به ۷ رسید، با

شتاب ثابت  $\frac{m}{s^2}$  سرعتش را کاهش می‌دهد تا بایستد. اگر کل جابه‌جایی طی این زمان برابر با  $13/5 m$  باشد، ۷ چند متر بر

ثانیه است؟

۴/۵ (۴)

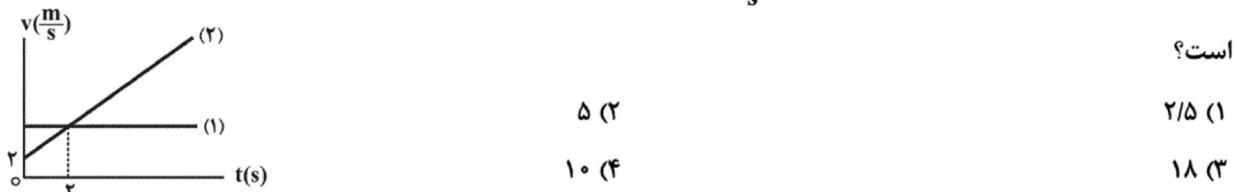
۹ (۳)

۶ (۲)

۱۲ (۱)

-۱۸۴- شکل زیر نمودار سرعت - زمان دو متحرک (۱) و (۲) را نشان می‌دهد که هم‌زمان از یک نقطه روی مسیری مستقیم از کنار هم

عبور می‌کنند. اگر شتاب متحرک (۲) برابر با  $\frac{m}{s^2}$  باشد، سرعت متحرک (۲) هنگام عبور از کنار متحرک (۱)، چند متر بر ثانیه



-۱۸۵- در شرایط خلا، گلوله‌ای از ارتفاع  $h$  از سطح زمین رها می‌شود. اگر این گلوله ۲۱ متر انتهایی مسیر را در ۶۰ درصد زمان کل

سقوط طی کند، ارتفاع  $h$  چند متر است؟

- ۱۳۱/۲۵ (۴)      ۵۲/۵ (۳)      ۳۵ (۲)      ۲۵ (۱)

-۱۸۶- دو گلوله هم‌اندازه A و B به ترتیب با جرم‌های  $200\text{g}$  و  $50\text{g}$  از ارتفاع  $10$  متری سطح زمین به طور هم‌زمان رها می‌شوند. اگر اندازه متوسط نیروی مقاومت هوای وارد بر این دو گلوله در حال سقوط یکسان و برابر با  $5\text{N}/\text{m}$  باشد، شتاب سقوط گلوله A

$$\left( g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}} \right) \text{ است؟}$$

- $\frac{5}{4} (۴)$        $\frac{5}{6} (۳)$       ۱۳ (۲)       $\frac{5}{2} (۱)$

-۱۸۷- مطابق شکل زیر، به جسمی به جرم  $5\text{kg}$  که روی سطحی افقی قرار دارد، نیروهای  $\vec{F}_1$  و  $\vec{F}_2$  وارد می‌شود. اگر ضریب اصطکاک ایستایی و جنبشی بین جسم و سطح افقی به ترتیب  $6/5$  و  $6/5$  باشد، اندازه نیرویی که از طرف سطح به جسم وارد می‌شود،

$$\left( g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}} \right) \text{ چند نیوتون است؟}$$



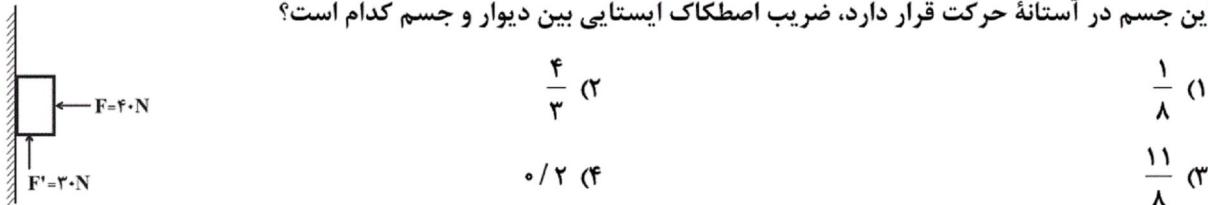
-۱۸۸- مطابق شکل درون آسانسوری دو شخص A و B به ترتیب بر روی ترازوهای فنری (۱) و (۲) قرار دارند. در صورتی که آسانسور با شتاب a به صورت تندشونده بالا رود، ترازوی (۱) عدد  $500\text{N}$  را نمایش می‌دهد. در صورتی که آسانسور با همان اندازه شتاب

$$\left( g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}} \right) \text{ a، تندی خود را در حرکت رو به پایین کاهش دهد، ترازوی (۲) چند نیوتون را نمایش می‌دهد؟}$$

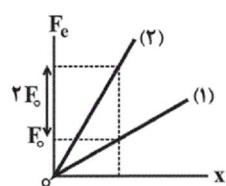


-۱۸۹- مطابق شکل جسمی به وزن  $25\text{N}$  توسط دو نیروی عمود بر هم  $\vec{F}$  و  $\vec{F}'$  به دیوار قائمی فشرده شده و ساکن است. اگر بدانیم

این جسم در آستانه حرکت قرار دارد، ضریب اصطکاک ایستایی بین دیوار و جسم کدام است؟



۱۹۰- نمودار اندازه نیروی کشسانی بر حسب تغییر طول برای دو فنر متفاوت مطابق شکل زیر است. اگر به انتهای هر دو فنر جسمی به جرم  $m$  آویزان کنیم، بعد از رسیدن به تعادل، افزایش طول فنر (۲) چند برابر افزایش طول فنر (۱) خواهد بود؟



- |                   |       |
|-------------------|-------|
| $\frac{1}{2}$ (۲) | ۲ (۱) |
| $\frac{1}{3}$ (۴) | ۳ (۳) |

۱۹۱- ضریب انبساط طولی دو فلز به ترتیب برابر با  $\frac{1}{K}$  و  $\alpha_1 = 1/8 \times 10^{-5}$  است. اگر طول یکسانی از این دو فلز را به یکدیگر چسبانده و دمای آن‌ها را افزایش دهیم، مطابق شکل زیر خم می‌شود. اگر از فلز بالایی ورقه‌ای به مساحت



- |   |            |          |
|---|------------|----------|
| ۴۰ cm <sup>۲</sup> بسازیم، با افزایش دمای $100^\circ C$ ، مساحت ورقه چند $cm^2$ خواهد شد؟ | ۴۰/۰۷۲ (۲) | ۴۰/۱ (۱) |
|   | ۴۰/۱۴۴ (۴) | ۴۰/۲ (۳) |

۱۹۲- چند گرم یخ را با دمای صفر درجه سلسیوس داخل ۲kg آب با دمای  $10^\circ C$  بیندازیم تا بعد از ایجاد تعادل، نیمی از یخ باقی

$$\text{بماند؟} (L_F = 336 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}} \text{ و اتلاف انرژی نداریم.)} \quad \text{آب} = 4200 \frac{\text{J}}{\text{kg}^\circ\text{C}}$$

- |         |         |         |          |
|---------|---------|---------|----------|
| ۲۵۰ (۴) | ۴۰۰ (۳) | ۵۰۰ (۲) | ۱۰۰۰ (۱) |
|---------|---------|---------|----------|

۱۹۳- یک میله استوانه‌ای فلزی بین دو منبع گرمایی با دماهای مختلف قرار دارد. اگر میله را آنقدر بکشیم تا قطر آن به طور یکنواخت

نصف شود و سپس دوباره آن را بین همان دو منبع گرمایی قرار دهیم، آهنگ رسانش گرمایی آن چند برابر می‌شود؟

- |                    |                    |                   |                   |
|--------------------|--------------------|-------------------|-------------------|
| $\frac{1}{32}$ (۴) | $\frac{1}{16}$ (۳) | $\frac{1}{8}$ (۲) | $\frac{1}{4}$ (۱) |
|--------------------|--------------------|-------------------|-------------------|

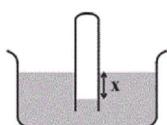
۱۹۴- در یک مخزن به حجم ۳۶ لیتر، مخلوطی از دو گاز A و B در فشار ۲ اتمسفر و دمای  $30^\circ K$  وجود دارد. اگر جرم مخلوط دو

گاز ۳۳ گرم باشد، اندازه اختلاف جرم گازهای A و B چند گرم است؟ (  $M_B = 4 \frac{\text{g}}{\text{mol}}$  و  $M_A = 32 \frac{\text{g}}{\text{mol}}$  )

$$(R = k \frac{\text{J}}{\text{mol.K}})$$

- |       |       |       |        |
|-------|-------|-------|--------|
| ۷ (۴) | ۸ (۳) | ۹ (۲) | ۱۵ (۱) |
|-------|-------|-------|--------|

۱۹۵- مطابق شکل زیر، لوله‌ای با یک انتهای بسته به طول  $1m$  را به طور قائم تا نیمه در جیوه فرو می‌بریم. بعد از ایجاد تعادل، x چند



سانتی‌متر خواهد بود؟ (  $P_{\text{atm}} = 75 \text{ cmHg}$  ، دما ثابت و هوا گاز کامل فرض شود.)

- |        |         |
|--------|---------|
| ۳۰ (۲) | ۱۵۰ (۱) |
|--------|---------|

- |        |        |
|--------|--------|
| ۲۵ (۴) | ۱۵ (۳) |
|--------|--------|

۱۹۶- طی کدام فرایند آرمانی زیر، کار انجام شده روی محیط در افزایش حجم مقدار معینی گاز کامل از  $V_1$  تا  $V_2$ ، کمتر از دیگر

فرایندهای ذکر شده خواهد بود؟

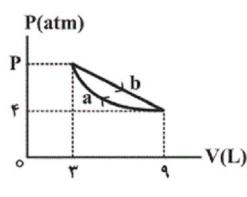
۴) گزینه‌های «۲» و «۳»

۳) همدما

۲) بی‌درو

۱) همفشار

۱۹۷- چرخه‌ای که مقدار معینی گاز کامل طی می‌کند، مطابق شکل زیر است. اگر اندازه گرمای مبادله شده در فرایند آرمانی همدما



a برابر با  $J = 1000$  باشد، کار انجام گرفته در کل چرخه روی گاز چند ژول است؟

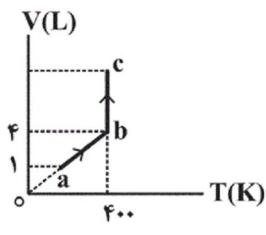
-۵۸۰۰ (۲)

۵۸۰۰ (۱)

-۳۸۰۰ (۴)

۳۸۰۰ (۳)

۱۹۸- نمودار  $T - V$  / ۰ مول گاز کامل تک‌اتمی مطابق شکل زیر است. تغییر انرژی درونی گاز در فرایندهای abc چند ژول است؟



$$(R = \lambda \frac{J}{mol \cdot K} \text{ و } C_V = \frac{3}{2} R)$$

-۱۸۰۰ (۲)

۱۸۰۰ (۱)

-۳۶۰۰ (۴)

۳۶۰۰ (۳)

۱۹۹- اگر دمای منبع گرم و منبع سرد یک ماشین گرمایی کارنو را به یک اندازه کاهش دهیم، بازده آن چه تغییری می‌کند؟

۲) کاهش می‌یابد.

۱) ثابت می‌ماند.

۴) بسته به مقدار کاهش، هر سه حالت ممکن است.

۳) افزایش می‌یابد.

۲۰۰- یخچالی آرمانی در هر دقیقه  $J = 10^3 \times 2 \times 10^3$  گرما از محیط داخل یخچال گرفته و در همان مدت  $J = 10^3 \times 2 \times 10^3$  گرما به محیط بیرون می‌دهد. توان موتور یخچال چند کیلووات است؟

$2 \times 10^4$  (۴)

$1200$  (۳)

۲۰ (۲)

$12 \times 10^5$  (۱)

۲۰۱- کدام گزینه نادرست است؟

۱) الیاف ساختگی از واکنش بین مواد شیمیایی در شرکت‌های پتروشیمیایی تولید می‌شوند.

۲) پنبه یکی از الیاف طبیعی است که در تولید پوشک سهم قابل توجهی دارد، به‌طوری که حدود نیمی از لباس‌های تولیدی در جهان از پنبه تهیه می‌شود.

۳) پنبه از الیاف سلولز تشکیل شده که خود این الیاف از اتصال شمار بسیار زیادی مولکول گلوکز به یکدیگر ساخته شده است.

۴) پلی‌اتن و نشاسته درشت مولکول بوده و در ساختار هر دو، سه نوع اتم وجود دارد.

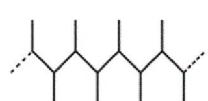
۲۰۲- کدام مورد به درستی بیان شده است؟

۱) پلی‌لاکتیک اسید که در شیر ترش شده یافت می‌شود نوعی کربوکسیلیک اسید است.

۲) ویتامین (ث) و متانوئیک اسید، قابلیت تشکیل پیوند هیدروژنی در آب را دارند.

۳) پلیمری شدن از ویژگی‌های تمام ترکیب‌های آلی است.

۴) پلی‌لاکتیک اسید، یک پلیمر ساختگی است، بنابراین زیست تخریب‌ناپذیر محسوب می‌شود.



(۴) بوتن

(۳) پنتن

(۲) بوتن

(۱) پنتن

۲۰۳- پلیمر داده شده حاصل از واکنش پلیمری شدن کدام مونومر است؟

۲۰۴- کدام گزینه نادرست است؟

(۱) در هر مولکول تترافلوئورواتن ۶ پیوند کووالانسی وجود دارد.

(۲) فرمول واحد تکرار شونده پلیاتن سبک و سنگین یکسان است.

(۳) در تفلون، نسبت شمار جفت الکترون‌های ناپیوندی به شمار اتم‌های کربن برابر ۱۲ است.

(۴) در تفلون تمام پیوندهای اشتراکی یگانه است.

۲۰۵- شفافیت پلیاتن سبک ..... از پلیاتن سنگین و چگالی پلیاتن سنگین ..... از آب است و برای تولید لوله‌های

آبیاری از پلیاتن ..... استفاده می‌شود. ( $d_{H_2O} = 1\text{ g.cm}^{-3}$ )

(۱) بیشتر - کمتر - سبک (۲) بیشتر - کمتر - سنگین (۳) کمتر - بیشتر - سبک (۴) کمتر - بیشتر - سنگین

۲۰۶- از میان عبارت‌های زیر کدام موارد درست است؟

الف) ساختار سلولز خطی و نشاسته ماربیج و مولکول سازنده این دو، گلوکز است.

ب) مولکول سازنده روغن زیتون، استر تک عاملی بلند زنجبیر بوده و یک درشت مولکول بهشمار می‌رود.

پ) به واکنش دهنده‌هایی که در واکنش پلیمری شدن شرکت می‌کنند، همپار می‌گویند.

ت) نسبت تعداد اتم‌های کربن به هیدروژن در پلی سیانواتن برابر ۱ است.

(۱) الف و ب (۲) الف و ت (۳) ب و پ (۴) ب و ت

۲۰۷- از تجزیه یک پلیاستر با جرم مولی واحد تکرار شونده  $M_w = 172\text{ g.mol}^{-1}$ ،  $M_n = 19\text{ g.mol}^{-1}$  اگر۵۰٪ از دی‌اسید تولید شده با مقدار کافی دی‌آمین  $(H_2N - CH_2 - CH_2 - NH_2)$  واکنش دهد، چند مول پلی‌آمید با تعدادواحد تکرار شونده  $n = 1000$  تولید می‌شود؟ ( $H = 1, C = 12, N = 14, O = 16 : \text{g.mol}^{-1}$ ) $\text{HO} - (\text{CH}_2)_n - \text{OH}$ : دی‌الکل(۱)  $1/25 \times 10^{-4}$  (۲)  $1/25 \times 10^{-5}$  (۳)  $2/5 \times 10^{-4}$  (۴)  $2/5 \times 10^{-5}$ 

۲۰۸- کدام گزینه درست است؟

(۱) تعداد اتم‌های کربن الکل سازنده استر موز با تعداد اتم‌های کربن کربوکسیلیک اسید سازنده استر انگور برابر است.

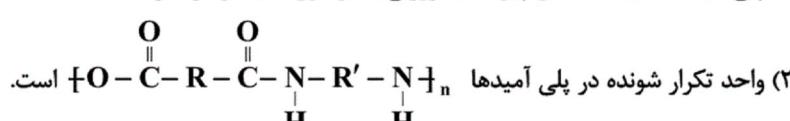
(۲) کربوکسیلیک اسید سازنده استر اتیل استات، اتانوییک اسید نام دارد.

(۳) الکل سازنده استر آناناس و سبب یکسان است.

(۴) تعداد اتم‌های کربن استر سازنده بُوی آناناس بیشتر از تعداد اتم‌های کربن استر سازنده بُوی موز است.

۲۰۹- کدام گزینه در رابطه با پلی‌آمید درست نیست؟ ( $R'$  و  $R$  هیدروکربن هستند).

(۱) پلی‌آمیدها قابلیت تشکیل پیوند هیدروژنی با مولکول‌های خود را دارند.



(۳) در ساخت قایق بادی و لباس مخصوص مسابقه موتورسواری از پارچه‌ای از جنس پلی‌آمید استفاده می‌شود.

(۴) کولار از خانواده پلی‌آمیدها است که از فولاد هم‌جرم خود ۵ برابر مقاوم‌تر است.

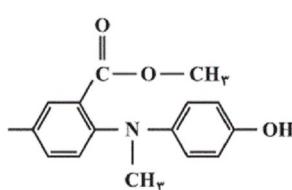
۲۱۰- با توجه به ساختار مقابل کدام موارد درست‌اند؟

(الف) دارای گروه عاملی هیدروکسیل، اتری و آمینی است.

(ب) در این ساختار ۶ جفت الکترون ناپیوندی وجود دارد.

(پ) یک ترکیب آروماتیک محسوب می‌شود.

(ت) این ترکیب قابلیت برقراری پیوند هیدروژنی با مولکول‌های خود را دارد.



(۴) پ و ت

(۳) ب و پ

(۲) الف و ت

(۱) الف و ب

-۲۱۱- کدام مورد (موارد) از عبارت‌های زیر در مورد درشت‌مولکول‌ها صحیح است؟

الف) همه آن‌ها جزء پلیمرها محسوب می‌شوند.

ب) نیروی بین مولکولی در آن‌ها قوی‌تر از مولکول‌های کوچک است.

پ) جرم مولی آن‌ها بسیار زیاد است به طوری که در برخی از آن‌ها جرم مولی به  $10^6$  گرم بر مول می‌رسد.

ت) سلولز و انسولین برخلاف اتن و گلوكز جزء درشت‌مولکول‌ها هستند.

(۴) آ، پ و ت

(۳) آ، ب و پ

(۲) ب و ت



-۲۱۲- در ساختار مونومر سازنده پلیمر نشان داده شده در شکل مقابل، نسبت جفت الکترون‌های پیوندی به ناپیوندی چقدر است؟

$\frac{7}{3}$  (۴)

۲ (۳)

۳ (۲)

$\frac{5}{3}$  (۱)

-۲۱۳- کدام گزینه نادرست است؟

۱) در یک نوع تقسیم‌بندی، پلیاتن را می‌توان به دو دسته پلیاتن بدون شاخه و شاخه‌دار تقسیم کرد.

۲) هرگاه مولکول‌های اتن پشت سر هم به یکدیگر متصل شوند، میزان چگالی پلیاتن تولید شده بیشتر و میزان شفافیت آن کمتر می‌شود.

۳) پلیاتن با چگالی کم و کدر به پلیاتن سبک معروف است.

۴) اتن، در شرایط گوناگون واکنش پلیمری شدن را انجام داده و فراورده‌هایی با ساختار متفاوت ایجاد می‌کند.

-۲۱۴- در کدام دو ترکیب داده شده، شمار اتم‌های کربن برابر است؟

(۱) اتیل بوتانوات، ۱- بوتانول

(۴) استیرن، اتیل پنتانوات

۳) تری‌متیل آمین، بوتانوئیک اسید

-۲۱۵- کدام مطلب درباره ترکیبی که ساختار مولکول آن نشان داده شده، نادرست است؟

۱) دارای دو گروه عاملی اتری است.

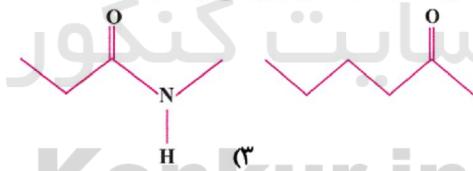
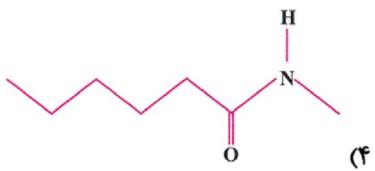
۲) فرمول مولکولی آن  $C_{19}H_{17}O_2N$  است.

۳) دارای هفت جفت‌الکtron ناپیوندی در لایه ظرفیت اتم‌هاست.

۴) با جذب ۴ مولکول هیدروژن در فرآیند هیدروژن‌دار شدن کاتالیز شده به یک ترکیب سیرشدۀ تبدیل می‌شود.

-۲۱۶- ۵/۱ گرم از یک کربوکسیلیک اسید، با  $1/55$  گرم متیل آمین به‌طور کامل واکنش می‌دهد و تمام واکنش‌دهنده‌ها مصرف می‌شوند.

ترکیب آمیدی حاصل از این واکنش، کدام یک از آمیدهای زیر می‌تواند باشد؟



-۲۱۷- کدام گزینه نادرست است؟

۱) ویتامین ث محلول در آب است، به همین علت، مصرف بیش از اندازه آن برای بدن مشکل خاصی ایجاد نمی‌کند.

۲) ویتامین کا نیز مانند ویتامین دی و آ، محلول در چربی است.

۳) ویتامین کا به علت وجود پیوند دو گانه در ساختار آن، یک ترکیب سیر نشده است.

۴) در ساختار هیچ‌یک از ویتامین‌های آ، ث، دی و کا حلقة آروماتیک مشاهده نمی‌شود.

-۲۱۸- از سال ۲۰۱۰ تاکنون، میزان تولید جهانی الیاف ..... تقریباً ثابت بوده ولی در حال حاضر میزان تولید الیاف ..... در جهان بیشتر از الیاف ..... بوده است.

(۱) پنبه - پشم - پلی‌استر

(۴) پشم - پلی‌استر - پنبه

(۳) پشم - پنبه - پلی‌استر

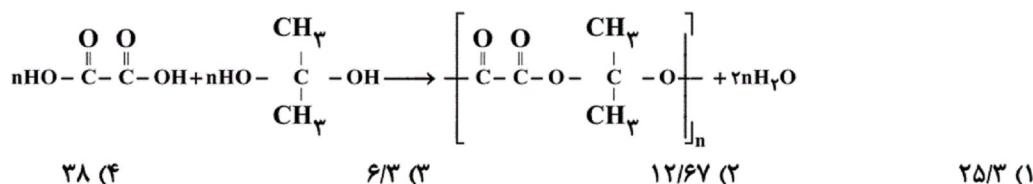
-۲۱۹- در اثر آبکافت استر زیر، کدام مواد حاصل می‌شود؟

(۱) هگزانوئیک اسید و پروپانول

(۳) پناتونیک اسید و بوتانول



۲۲۰- ۱۵ گرم از اسید دو عاملی زیر، تقریباً با چند گرم الكل دو عاملی داده شده ترکیب شود تا واکنش تولید پلی استر زیر، بهطور کامل انجام شود؟ (C = ۱۲, H = ۱, O = ۱۶ : g.mol<sup>-1</sup>)



۲۲۱- کدام موارد از عبارت‌های زیر نادرست‌اند؟

الف) روغن زیتون و واژلین هیدروکربن‌هایی هستند که در هگزان محلول اما در آب نامحلول هستند.

ب) فرمول کلی پاک‌کننده‌های غیرصابونی به صورت  $\text{RC}_x\text{H}_y\text{SO}_z^-\text{Na}^+$  است.

پ) میزان اسیدی بودن یک محلول با  $[\text{H}^+]$  رابطه مستقیم دارد.

ت) در هر دمایی رابطه  $10^{-14} = [\text{H}^+] \times [\text{OH}^-]$  برقرار است.

(۴) الف، ب و ت

(۳) ب و ت

(۲) الف و ب

(۱) الف و پ

۲۲۲- همه عبارت‌های زیر درست هستند، به جز...

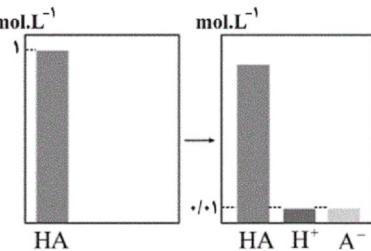
۱) اساس عملکرد شوینده‌های خورنده، واکنش خنثی شدن است.

۲) با توجه به شکل مقابل، ثابت یونش  $\text{HA}$  به تقریب برابر  $10^{-5} \text{ mol.L}^{-1}$  است.

۳) در شکل مقابل،  $\text{A}^-$  می‌تواند عنصری با آرایش الکترونی لایه ظرفیت  $2s^2 2p^5$  باشد.

۴) قدرت اسیدی  $\text{HA}$  در شکل رویه‌رو، کمتر از قدرت اسیدی  $\text{HCl}$  است.

۲۲۳- کدام گزینه نادرست است؟



۱) در شرایط یکسان، اگر pH محلول آبی ۱۲ گرم اسید  $\text{HX}$  (جرم مولی  $150 \text{ g.mol}^{-1}$ ) با  $\text{pH}$  محلول آبی ۸ گرم اسید  $\text{HY}$  (جرم

مولی  $50 \text{ g.mol}^{-1}$ ) برابر باشد، می‌توان نتیجه‌گرفت  $\text{HX}$  اسیدی قوی‌تری است.

۲) گل ادریسی در خاک با خاصیت بازی به رنگ سرخ و در خاک با خاصیت اسیدی به رنگ آبی شکوفا می‌شود.

۳) کاغذ pH در محلول سود برخلاف محلول سرکه سفید به رنگ قرمز در می‌آید.

۴) مخلوط آلومنیم و سدیم هیدروکسید به دلیل تولید گاز هیدروژن در واکنش با آب، به عنوان لوله بازکن در برخی وسایل و دستگاه‌های

صنعتی استفاده می‌شود.

۲۲۴- عبارت بیان شده در کدام گزینه درست است؟

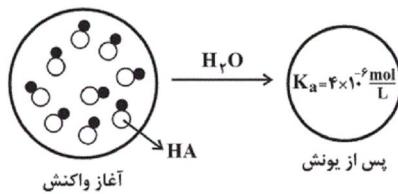
۱) از میان محلول‌های آبی  $\text{HF}$ ,  $\text{Na}_2\text{O}$ ,  $\text{NH}_3$  و  $\text{SO}_4^-$  دو گونه سبب آبی شدن رنگ کاغذ pH می‌شوند.

۲) هیدروژن کلرید اسید آرنیوس است؛ زیرا در آب سبب کاهش غلظت یون هیدرونیوم می‌شود.

۳) محلول برخی از اکسید فلزها در آب، کاغذ pH را به دلیل افزایش غلظت  $\text{OH}^-$ ، به رنگ قرمز در می‌آورند.

۴)  $\text{BaO}$  یک اسید آرنیوس است؛ زیرا باعث افزایش غلظت یون هیدرونیوم می‌شود.

-۲۲۵- با توجه به شکل مقابل، مجموع غلظت یون‌ها پس از یونش کدام است؟ (حجم محلول یک لیتر و هر ذره را معادل  $1 \times 10^{-10}$  مول در نظر بگیرید).



$$K_a = 4 \times 10^{-9} \text{ mol/L}$$

$$12 \times 10^{-4}$$

$$12 \times 10^{-3}$$

$$6 \times 10^{-4}$$

$$6 \times 10^{-3}$$

-۲۲۶- pH و غلظت مولی محلول ناشی از حل کردن ۴ گرم سود در ۲۰۰ گرم آب چقدر است؟ (از تغییر حجم محلول صرف نظر کنید و چگالی آب را برابر  $1 \text{ g.mL}^{-1}$  در نظر بگیرید). (log ۵ = ۰/۲) (log ۵ = ۰/۳)

$$12/3$$

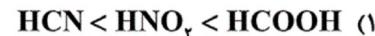
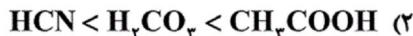
$$13/3$$

$$12/7$$

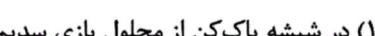
$$13/7$$

$$12/7$$

$$0/5$$



-۲۲۷- کدام مقایسه درباره قدرت اسیدی در دمای اتاق درست است؟



-۲۲۸- کدام گزینه درست است؟

(۱) در شیشه پاک کن از محلول بازی سدیم هیدروکسید استفاده می‌شود.

(۲) آمونیاک از جمله بازهایی است که در آب به طور کامل یونیده می‌شود.

(۳) در محلول غلیظ بازهای قوی، یون هیدرونیوم وجود ندارد.

(۴) در شرایط یکسان، رسانایی الکتریکی محلول یک مولار آمونیاک کمتر از محلول یک مولار سود سوزآور است.

-۲۲۹- کدام گزینه به درستی بیان شده است؟

(۱) به دلیل برابر شدن سرعت واکنش رفت و برگشت در واکنش‌های تعادلی، همواره غلظت مواد واکنش دهنده و فراورده با هم برابر خواهد شد.

(۲) ثابت تعادل در دمای ثابت، به مقدار آغازی واکنش دهنده‌ها وابسته است.

(۳) در مورد اسیدها، ثابت یونش بیانی از میزان پیشرفت فرایند یونش تا رسیدن به تعادل است.

(۴) اسیدهای موجود در سرکه سیب، انگور و ریواس برخلاف کربوکسیلیک اسیدها، از جمله اسیدهای ضعیف هستند.

-۲۳۰- pH با درصد یونش ۴٪ و  $\text{pH} = ۳$  با چند میلی لیتر محلول باریم هیدروکسید با  $\text{pH} = ۱۲$  به طور کامل خنثی می‌شود؟

$$12/5$$

$$12/5$$

$$25/3$$

$$25/0$$

-۲۳۱- در واکنش اکسایش گلوکز در بدن، مجموع ضریب‌های استوکیومتری فراورده‌ها کدام است و با مصرف هر لیتر هوا، چند گرم گاز  $\text{CO}_2$  تولید می‌شود؟ (شرایط را STP و درصد حجمی گاز اکسیژن در هوا را برابر ۲۱٪ در نظر بگیرید).

$$(C=12, O=16 : \text{g.mol}^{-1})$$

$$2/475 - 7$$

$$2/475 - 12$$

$$0/4125 - 12$$

$$0/4125 - 7$$

-۲۳۲- همه عبارت‌های زیر نادرست‌اند، به جز ...

(۱) ماده به حالت گاز، شکل و حجم معینی ندارد.

(۲) شکل و حجم یک نمونه ماده مایع و جامد به شکل ظرف بستگی دارد.

(۳) گاز نیتروژن، همانند آب و گرافیت تراکم‌پذیر است.

(۴) برای توصیف یک نمونه گاز، مشخص بودن فشار و دمای آن کافی است.

-۲۳۳- در صد جرمی پتاسیم نیترات در محلول  $1/8$  مولار این ماده برابر با  $13/5\%$  است. چگالی این محلول بر حسب گرم بر میلی لیتر به تقریب برابر با ..... است و محلول بالا در دمای  ${}^{\circ}\text{C}$   $50$  از نوع ..... است. (انحلال پذیری پتاسیم نیترات در دمای  $50$  درجه سلسیوس برابر با  $82$  گرم است.  $(K = 39, N = 14, O = 16 : \text{g.mol}^{-1})$

(۴)  $1/35$ , سیر شده(۳)  $1/24$ , سیر شده(۲)  $1/35$ , سیر نشده(۱)  $1/24$ , سیر نشده

۲۳۴- کدام گزینه درست است؟

۱) در دمای اتاق ( $25^{\circ}\text{C}$ ), حالت فیزیکی مولکول های  $\text{Cl}_2$  و  $\text{H}_2\text{S}$  به صورت گاز است.۲) در دوره های دوم تا چهارم جدول دوره ای، نقطه جوش ترکیب های هیدروژن دار گروه  $17$  از ترکیب های هیدروژن دار هم دوره گروه  $15$  بیشتر است.

۳) اتانول و استون هر دو حلal های آلی هستند و از نظر تعداد اتم ها و رفتار در برابر میدان الکتریکی مشابه یکدیگر هستند.

۴) در اثر افزودن ید به هگزان، مخلوطی همگن و سیز رنگ پدید می آید.

-۲۳۵- چه تعداد از عبارت های زیر درست است؟

الف) هرچه شب نمودار انحلال پذیری ماده ای بر حسب دما کمتر باشد، وابستگی انحلال پذیری آن ماده به دما بیشتر است.

ب) انحلال پذیری ترکیبی با معادله  $S = 0/2\theta + 15$  در دمای  ${}^{\circ}\text{C}$   $75$  برابر با  $30$  گرم در  $100$  گرم آب است.

پ) در معادله انحلال پذیری، عرض از مبدأ نشان دهنده انحلال پذیری در دمای صفر درجه سلسیوس است.

ت) وابستگی انحلال پذیری ماده  $A$  به دما با معادله انحلال پذیری  $S = 1/8\theta + 27$  نسبت به ماده  $B$  با معادله انحلال پذیری  $S = 1/2\theta + 95$  کمتر است.

۳ (۴)

۴ (۳)

۱ (۲)

۲ (۱)

-۲۳۶- چند مورد از عبارت های زیر در مورد گازهای  $\text{CO}_2$ ,  $\text{NO}_2$ ,  $\text{NO}$  و  $\text{O}_2$  نادرست است؟الف) به دلیل اینکه گشتاور دو قطبی در گاز  $\text{CO}_2$  بر خلاف گاز  $\text{NO}$  برابر با صفر است، انحلال گاز  $\text{CO}_2$  در آب کمتر از گاز  $\text{NO}$  است.ب) مطابق قانون هنری، انحلال پذیری گازهای  $\text{NO}_2$ ,  $\text{NO}$  و  $\text{O}_2$  با  $2$  برابر شدن فشار،  $2$  برابر می شود.

پ) در فشار ثابت، با افزایش دما، انحلال پذیری هر چهار گاز در آب کاهش می یابد.

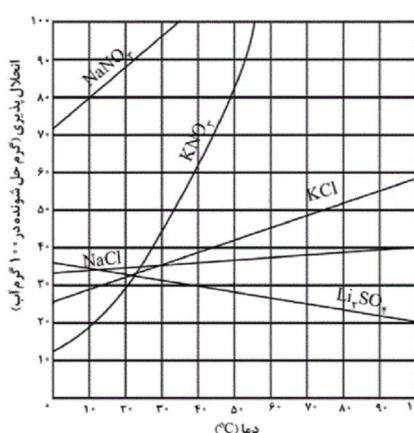
ت) در دمای اتاق و فشار یک اتمسفر مقایسه انحلال پذیری به صورت « $\text{CO}_2 > \text{NO} > \text{O}_2 > \text{N}_2$ » به درستی انجام شده است.

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

-۲۳۷- با توجه به نمودار زیر اگر  $320\text{g}$  محلول سیر شده پتاسیم نیترات را از دمای  $40^{\circ}\text{C}$   $20^{\circ}\text{C}$  سرد کنیم، به تقریب چند مولپتاسیم نیترات رسوب می کند؟  $(K = 39, N = 14, O = 16 : \text{g.mol}^{-1})$ 

۰/۱ (۱)

۰/۳ (۲)

۰/۶ (۳)

۰/۸ (۴)

۲۳۸- همه موارد زیر نادرست‌اند، به جز .....

- ۱) هرگاه محلول باریم کلرید به سدیم سولفات اضافه شود، رسوب زردرنگ باریم سولفات تشکیل می‌شود.
  - ۲) آب اقیانوس‌ها و دریاها مخلوط‌های همگنی هستند که در آن، آب حلal و یون‌ها و مولکول‌ها حل شونده محسوب می‌شوند.
  - ۳) زمین از دیدگاه شیمیایی پویاست و بخش‌های گوناگون آن تنها برهم‌کنش‌های شیمیایی با یکدیگر دارند.
  - ۴) در یک کیلوگرم از آب دریا، یون  $\text{Cl}^-$  در میان آنیون‌ها و یون  $\text{Ca}^{2+}$  در میان کاتیون‌ها بیشترین مقدار را دارد.
- ۲۳۹- نسبت شمار کاتیون به آنیون در کدام ترکیب بیشتر است؟

- (۱) آهن (III) هیدروکسید    (۲) کبالغ (II) اکسید    (۳) منیزیم کربنات    (۴) آمونیوم سولفات

۲۴۰- با توجه به شکل رو به رو، همه عبارت‌های زیر درست هستند، به جز:

- ۱) این شکل فرایند اسمز معکوس را نشان می‌دهد.
  - ۲) با حذف فشار خارجی، جهت حرکت مولکول‌های آب تغییر نمی‌کند.
  - ۳) با گذشت زمان، فشار لازم برای انجام این فرایند افزایش می‌یابد.
  - ۴) در این روش، غشای نیمه تراوا مانند صافی عمل می‌کند و اجازه عبور ذرات حل شونده را نمی‌دهد.
- 

# سایت کنکور

## Konkur.in

## A : پاسخ نامه(کلید) آزمون 22 شهریور 1398 گروه ریاضی نظام جدید دفترچه

1	□ □ □ ✓ □	51	□ ✓ □ □	101	□ □ □ ✓ □	151	□ ✓ □ □	201	□ □ □ □ ✓
2	✓ □ □ □ □	52	□ □ ✓ □ □	102	□ □ ✓ □ □	152	□ □ □ □ ✓	202	□ □ ✓ □ □
3	□ □ ✓ □ □	53	□ □ ✓ □ □	103	✓ □ □ □ □	153	✓ □ □ □ □	203	□ □ ✓ □ □
4	✓ □ □ □ □	54	□ □ □ ✓ □	104	□ □ □ □ ✓	154	□ □ ✓ □ □	204	□ □ □ □ ✓
5	□ □ □ ✓ □	55	✓ □ □ □ □	105	□ □ □ ✓ □	155	□ □ ✓ □ □	205	□ □ ✓ □ □
6	□ □ ✓ □ □	56	□ □ ✓ □ □	106	□ □ ✓ □ □	156	□ □ □ □ ✓	206	□ □ ✓ □ □
7	□ □ □ ✓ □	57	□ □ ✓ □ □	107	□ □ □ ✓ □	157	✓ □ □ □ □	207	✓ □ □ □ □
8	✓ □ □ □ □	58	✓ □ □ □ □	108	□ □ ✓ □ □	158	□ □ □ □ ✓	208	□ □ ✓ □ □
9	✓ □ □ □ □	59	□ □ ✓ □ □	109	□ □ ✓ □ □	159	□ □ □ □ ✓	209	□ □ ✓ □ □
10	□ □ □ □ ✓	60	□ □ □ □ ✓	110	✓ □ □ □ □	160	□ □ □ □ ✓	210	□ □ □ □ ✓
11	□ □ □ □ ✓	61	□ □ ✓ □ □	111	✓ □ □ □ □	161	□ □ ✓ □ □	211	✓ □ □ □ □
12	□ □ ✓ □ □	62	□ □ ✓ □ □	112	✓ □ □ □ □	162	✓ □ □ □ □	212	□ □ □ □ ✓
13	□ □ □ □ ✓	63	✓ □ □ □ □	113	□ □ □ ✓ □	163	□ □ □ ✓ □	213	□ □ □ □ ✓
14	□ □ □ □ ✓	64	□ □ □ □ ✓	114	✓ □ □ □ □	164	□ □ ✓ □ □	214	✓ □ □ □ □
15	□ □ □ □ ✓	65	□ □ □ □ ✓	115	□ □ ✓ □ □	165	□ □ □ □ ✓	215	□ □ ✓ □ □
16	□ □ ✓ □ □	66	□ □ □ □ ✓	116	□ □ ✓ □ □	166	✓ □ □ □ □	216	□ □ ✓ □ □
17	✓ □ □ □ □	67	✓ □ □ □ □	117	□ □ □ ✓ □	167	□ □ ✓ □ □	217	□ □ □ □ ✓
18	□ □ □ ✓ □	68	□ □ □ □ ✓	118	□ □ □ □ ✓	168	□ □ ✓ □ □	218	□ □ □ □ ✓
19	□ □ □ □ ✓	69	□ □ □ ✓ □	119	✓ □ □ □ □	169	✓ □ □ □ □	219	✓ □ □ □ □
20	□ □ □ □ ✓	70	□ □ □ □ ✓	120	□ □ □ □ ✓	170	□ □ □ □ ✓	220	□ □ ✓ □ □
21	□ □ ✓ □ □	71	□ □ □ ✓ □	121	✓ □ □ □ □	171	□ □ □ □ ✓	221	□ □ □ □ ✓
22	✓ □ □ □ □	72	✓ □ □ □ □	122	□ □ □ ✓ □	172	✓ □ □ □ □	222	□ □ ✓ □ □
23	□ □ □ □ ✓	73	□ □ ✓ □ □	123	✓ □ □ □ □	173	□ □ ✓ □ □	223	□ □ □ □ ✓
24	□ □ □ □ ✓	74	✓ □ □ □ □	124	□ □ □ ✓ □	174	✓ □ □ □ □	224	✓ □ □ □ □
25	□ □ □ ✓ □	75	□ □ □ □ ✓	125	□ □ ✓ □ □	175	□ □ ✓ □ □	225	□ □ ✓ □ □
26	□ □ □ ✓ □	76	□ □ □ □ ✓	126	□ □ ✓ □ □	176	□ □ ✓ □ □	226	✓ □ □ □ □
27	□ □ □ ✓ □	77	□ □ □ □ ✓	127	□ □ □ □ ✓	177	□ □ □ □ ✓	227	□ □ ✓ □ □
28	✓ □ □ □ □	78	✓ □ □ □ □	128	□ □ □ ✓ □	178	□ □ □ □ ✓	228	□ □ □ □ ✓
29	✓ □ □ □ □	79	□ □ □ ✓ □	129	□ □ ✓ □ □	179	□ □ □ □ ✓	229	□ □ □ □ ✓
30	□ □ □ □ ✓	80	□ □ □ □ ✓	130	□ □ □ □ ✓	180	✓ □ □ □ □	230	□ □ □ □ ✓
31	□ □ ✓ □ □	81	✓ □ □ □ □	131	□ □ □ ✓ □	181	□ □ □ □ ✓	231	□ □ ✓ □ □
32	□ □ □ □ ✓	82	□ □ □ ✓ □	132	□ □ □ ✓ □	182	□ □ ✓ □ □	232	✓ □ □ □ □
33	□ □ □ ✓ □	83	□ □ □ □ ✓	133	□ □ ✓ □ □	183	□ □ ✓ □ □	233	□ □ ✓ □ □
34	□ □ ✓ □ □	84	□ □ □ □ ✓	134	□ □ □ □ ✓	184	□ □ □ □ ✓	234	✓ □ □ □ □
35	□ □ □ ✓ □	85	□ □ □ □ ✓	135	✓ □ □ □ □	185	✓ □ □ □ □	235	✓ □ □ □ □
36	□ □ □ ✓ □	86	✓ □ □ □ □	136	✓ □ □ □ □	186	✓ □ □ □ □	236	✓ □ □ □ □

37 <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/>	87 <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/>	137 <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/>	187 <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	237 <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>
38 <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	88 <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/>	138 <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	188 <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/>	238 <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>
39 <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	89 <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	139 <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/>	189 <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	239 <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/>
40 <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/>	90 <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	140 <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	190 <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/>	240 <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>
41 <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	91 <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	141 <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	191 <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	
42 <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	92 <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	142 <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	192 <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	
43 <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	93 <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	143 <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	193 <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/>	
44 <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	94 <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	144 <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	194 <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	
45 <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/>	95 <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/>	145 <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	195 <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/>	
46 <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	96 <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	146 <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/>	196 <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	
47 <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	97 <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	147 <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	197 <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/>	
48 <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	98 <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	148 <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	198 <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	
49 <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	99 <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	149 <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/>	199 <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	
50 <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	100 <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	150 <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	200 <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	



سایت کنکور

Konkur.in



(مریم شمیرانی)

-۶

جام: مجازاً شراب / کف: مجازاً دست / سرو: استعاره از یار / بلند، پست: تضاد

(فارسی ۳، آرایه، ترکیبی)

(دادر تالش)

-۷

در پیدا کردن تعداد وابسته پسین: ۱- گروههای اسمی را درست تشخیص دهیم  
بعد از هسته، هر واژه را (اسمها و صفتها) یک وابسته پسین به حساب می‌آوریم.

**تشریح گزینه‌های دیگر**

گزینه «۱»: بی خردان سفله (یک صفت) + دادِ دل مردم خردمند (دو تا مضافقیه و یک صفت بیانی) ← جمعاً ۴ تا

گزینه «۲»: آسمان سست پی (یک صفت) + مردِ شکوه عشق (دو تا مضافقیه) ← جمعاً ۳ تا

گزینه «۳»: فکر تو و خیال تو (۲ تا مضافقیه) + رفیقان موافق (یک صفت) + سفرِ دور (یک صفت) ← جمعاً ۴ تا

گزینه «۴»: بلبل گلشن قدس (یک مضافقیه و یک صفت) + جور فلک (یک مضافقیه) + بسته زندان (یک مضافقیه) + گرفتار قفس (یک مضافقیه) ← جمعاً ۵ تا

(فارسی ۳، زبان فارسی، صفحه ۱۳۲)

(مسن و سکری- ساری)

-۸

در بیت گزینه «۱» «واو» از نوع ربط است زیرا دو جمله را به هم ارتباط می‌دهد.  
در سایر گزینه‌ها «واو» از نوع عطف است.

(فارسی ۳، زبان فارسی، صفحه ۱۴۴)

(مسن اصغری)

-۹

مفهوم مشترک ایات مرتبط: ارزشمند دانستن عشق در زندگی آدمی (زندگی بدون عشق، بی ارزش است) مفهوم بیت گزینه «۱»، بیانگر سختی‌های راه عشق است.

(فارسی ۳، مفهوم، صفحه ۱۴۶)

(دادر تالش)

-۱۰

مفهوم صورت سوال و گزینه‌های مرتبط بیانگر این است که اشعار حافظ باعث بیرون آمدن اختران آسمان می‌شود و باعث دور کردن موجودات اهربینی می‌شود. (تحسین اشعار حافظ)

**تشریح گزینه‌های دیگر**

گزینه «۱»: مصراع دوم: آسمان ستاره‌هایش را نثار شعر حافظ می‌کند و ستاره‌ها به این سبب روشن می‌شوند.

گزینه «۲»: شاعر می‌گوید: «عصای من مثل مار و دستم مثل آفتاب است و دستم از انکاس نورم مثل شهاب درخشان است.»

گزینه «۳»: ای معشوقم راه عشق را به من نشان بده (اختران آسمان را راهنمای راه می‌داند)

گزینه «۴»: شهاب سنگ‌ها را همانند تیری می‌داند برای دور کردن موجودات اهربینی

(فارسی ۳، مفهوم، صفحه ۱۵۰)

**فارسی ۲**

-۱

**تشریح گزینه‌های دیگر**

گزینه «۱»: مسامحه: آسان گرفتن، ساده‌انگاری

گزینه «۲»: شماتت: سرکوفت، سرزنش، ملامت

گزینه «۴»: چله: زه کمان، روده تابیده که بر کمان بندند

(فارسی ۲، لغت، واژه‌نامه)

(طنین زاهدی‌کیا)

-۲

**تشریح گزینه‌های دیگر**

گزینه «۲»: اشتیاق نادرست است.

گزینه «۳»: اشتیاق و «برانگیخته» نادرست است.

گزینه «۴»: «امتدادهنه» نادرست است.

(فارسی ۲، لغت، واژه‌نامه)

-۳

(مریم شمیرانی)

غلط املایی زن ← ظن

معنی بیت: چهره ظفر و پیروزی از تاب رشته‌های پرچم او تابیده شد، همچون چهره یقین که از میان پرده ظن (گمان) آشکار می‌شود.

(فارسی ۲، املاء، صفحه ۱۲۹)

-۴

(مسن و سکری- ساری)

املای واژه «عزمت» به معنای «عزم و تصمیم تو» در گزینه «۱» نادرست آمده است.

(فارسی ۲، املاء، صفحه ۱۵۷)

-۵

(طنین زاهدی‌کیا)

واهدهای «گنج» و «خانه» به ترتیب استعاره از معشوق و دل عاشق هستند. حسن تعییل ندارد.

**تشریح گزینه‌های دیگر**

گزینه «۱»: ایهام تناسب در واژه «باز»: ۱- معنای درست: دوباره ۲- در معنای پرنده شکاری با مرغ تناسب دارد. تشبیه: مرغ فکر

گزینه «۲»: کنایه: خون دل خوردن و دل دادن / تشخیص: مردمک چشم خون دل می‌خورد.

گزینه «۴»: تناسب: جام و مستم / استعاره: جام هلالی استعاره از خط مشکین است.

(فارسی ۳، آرایه، ترکیبی)



(کتاب زرد عمومی)

-۱۶

ایهام تناسب: بیت ج: پرده در مصراح دوم: ۱- (معنی درست) پوشش و حجاب -۲- اصطلاح موسیقی در این معنی با مطرتب تناسب دارد.  
استعاره: بیت الف: مدیدن بوی وفا (استعاره)  
کنایه: بیت ب: کام از کام نهنگ طلبیدن، کنایه از خطر کردن برای رسیدن به هدف  
حس آمیزی: بیت د: گفتن (سخن) تلغی

(فارسی ۲، آرایه، ترکیبی)

(کتاب زرد عمومی)

-۱۱

سیادت: سوری، بزرگی / قلا کردن: کلک زدن، کمین کردن برای شیطنت / مجادله: جمال و ستیزه / گرازان: جلوه‌کنان و با ناز راه رونده  
(فارسی ۲، لغت، واژه‌نامه)

(کتاب زرد عمومی)

-۱۷

گزینه «۱»: فصیح- شیرین- بلند- چابک- لطیف- زیبا- خوش- کشیده  
گزینه «۲»: دلکش- دل‌آشوب- خوش- آرمیده  
گزینه «۳»: جان‌فرا- خوش‌خرام  
گزینه «۴»: صفت بیانی ندارد.

(فارسی ۲، زبان فارسی، صفحه‌های ۹۵ و ۹۶)

(کتاب زرد عمومی)

-۱۲

وارد نادرست و معنای درست آن‌ها:  
گزینه «۱»: ملالت: آزدگی، ماندگی، به ستوه آمدن  
گزینه «۳»: وقیعت: سرزنش، بدگویی  
گزینه «۴»: دهای: زیرکی و هوش

(کتاب زرد عمومی)

-۱۸

نقش‌های تبعی: ۱- خسته و بی‌تاب (معطوف) ۲- دمساز باش دمساز (تکرار)  
(فارسی ۲، زبان فارسی، صفحه ۳۴)

(کتاب زرد عمومی)

-۱۳

املای صحیح کلمه «تواحی» است.  
دیگر واژه‌های مهم املایی:  
گزینه «۱»: حطام، حاجات نفسانی  
گزینه «۲»: صواب، اصرار، ثبات عزم  
گزینه «۳»: نزول، مناسک، خصال  
گزینه «۴»: مصالح، اعدا، خصمان، تأویل

(کتاب زرد عمومی)

-۱۹

مفهوم بیت سوال، بیانگر بی‌صبری و بی‌قراری عاشق است که از گزینه «۴» نیز  
همین مفهوم دریافت می‌شود.

در سایر ابیات به صبر و شکنیابی کردن تأکید شده است.

(فارسی ۲، مفهوم، مشابه صفحه ۵۵)

(کتاب زرد عمومی)

-۱۴

املای صحیح کلمه «قالب» است.  
دیگر واژه‌های مهم املایی:  
گزینه «۱»: بحر، رشجه  
گزینه «۲»: هلا  
گزینه «۳»: مرح

(کتاب زرد عمومی)

-۲۰

عبارت صورت سوال به عزت نفس و مناعت طبع قاضی اشاره دارد که با وجود  
نیازمندی، هدیه و بخشش سلطان مسعود را از یونصر مشکان می‌گیرد و دویاره آن را  
باز می‌گرداند و می‌گوید که من به این زرها نیازی ندارم و از حساب روز قیامت  
می‌ترسم. در گزینه‌های «۱»، «۲» و «۳» نیز به مناعت طبع تأکید شده است.

گزینه «۱»: عنقا (سیمرغ) اگرچه از شدت بینوایی و فقر بمیرد محال است که شکار  
پرنده‌گان کوچکی مانند گنجشک را از آن‌ها بگیرد.

گزینه «۲»: نهنگی که در عمیق‌ترین جای دریا مکان دارد، هرگز از آب جوی  
نمی‌آشامد.

گزینه «۳»: عقابی که در اوج آسمان پرواز می‌کند، هرگز به صید پرنده‌های کوچک  
توجه نمی‌کند.

اما در گزینه «۴» می‌گوید که همراه شدن با کسانی که توانایی و قدرت بیشتری  
دارند (در حالی که خود ناتوانی)، نشانه نادانی انسان است و موجب زبان او می‌شود.

(فارسی ۲، مفهوم، صفحه ۲۰)

(فارسی ۲، املاء، صفحه ۶۱)

(کتاب زرد عمومی)

-۱۵

تشبیه: صحرای هوس (اضافه تشبیه) / استعاره: «دل=ای دل» مورد خطاب قرار  
دادن دل: استعاره و تشخیص / کنایه: سر در هوا گشتن  
(فارسی ۱ و ۲، آرایه، ترکیبی)



(فاطمه منصورگان)

-۲۵

با توجه به ترجمه حديث صورت سؤال: «بهترین سخن، آن است که قابل فهم و کوتاه باشد» در می‌یابیم گزینه «۳» پاسخ سؤال است.

**شرح گزینه‌های دیگر**

گزینه «۱»: مفهوم بیت: سخن اهل دل نادرست نیست، اما درک آن سخن‌شناس می‌خواهد.

گزینه «۲»: «به زیبایی سخن گفتن» مفهوم این بیت است.

گزینه «۴»: مفهوم بیت: خاموش ماندن در جایی که سخن بسیار است، خود، پند است. (مفهوم)

(رویشنل ابراهیم)

-۲۶

با توجه به ترجمه همه گفت و گوها مشخص می‌شود، گزینه «۳» نادرست است.

**ترجمه همه گزینه‌ها:**

گزینه «۱»: ای دوستم، تو را چه شده است؟ / من تب شدیدی دارم!

گزینه «۲»: جناب پر شک، برایم چه نوشته؟! / برایت کیسول آمپسیلین نوشتم!

گزینه «۳»: آیا فشار خون داری؟! / بله، فشار خون ندارم!

گزینه «۴»: دارویم را از کجا دریافت کن؟! / دارویت را از داروخانه دریافت کن!

(مفهوم)

(رویشنل ابراهیم)

-۲۷

کلمات به کار رفته در صورت سؤال و «کان» همگی از افعال ناقصه هستند و در نوعیت با هم تناسب دارند. (مفهوم)

(فاطمه منصورگان)

-۲۸

وقتی بعد از «کان» فعل ماضی می‌آید، فعل را به صورت ماضی بعید فارسی ترجمه می‌کنیم، در گزینه «۱»، «کانت... قَدْ اشتَرَتْ: خریده بود» ماضی بعید است. (انواع بملات)

(فاطمه منصورگان)

-۲۹

چون «التميذة» سوم شخص مفرد است، نمی‌توان از کلمات گزینه «۲» (اول شخص مفرد) برای جای خالی استفاده کرد، همچنین با توجه به این که کلمة «التميذة» مونث است، در جاهای خالی نیز باید از فعل مؤنث استفاده کرد (رد گزینه «۳»): در گزینه «۴» هم «یطأطع» مذکور و نادرست است. (انواع بملات)

(اسماعیل یونس پور)

-۳۰

در گزینه «۱»، «کان»، در گزینه «۲»، «لَيْسَ» و در گزینه «۳»، «أَصَبَّ» افعال ناقصه هستند، اما در گزینه «۴» افعال ناقصه‌ای به کار نرفته است. (انواع بملات)

(کتاب زرد عمومی)

-۳۱

«قد أَغْطَى». (فعل ماضی نقلی) داده است، عطا کرده است/ «كثِيرًا مِنَ النَّعْمَ»: بسیاری از نعمت‌ها را/ «حتَّى يَسْتَطِعَ». (فعل مضارع التزامی) تا تواند/ «أَنْ يَسْتَطِعَ»: (فعل مضارع التزامی) که بهره ببرد/ «في حياته»: در زندگی خود

**شرح گزینه‌های دیگر**

گزینه «۱»: «نعمت‌های کثیری، این نعمت‌ها»/ گزینه «۳»: «نعمت‌های کثیری، می‌دهد، قادر خواهد بود»/ گزینه «۴»: «عطای شده است، زندگی» نادرست‌اند. (ترجمه)

**عربی، زبان قرآن ۲**

-۲۱

(رویشنل ابراهیم)

«تقولون»: می‌گویند / «بأفواهِهِمْ»: با دهان‌هایشان / «ما»: چیزی را / «لَيْسَ»: نیست / «فِي قُلوبِهِمْ»: در دل‌هایشان، در قلب‌هایشان / «اللهُ»: خدا / «أَعْلَمُ»: دانایر است، آگاه‌تر است / «يَمَا»: به آن چه / «يَكْتُمُونَ»: پنهان می‌کنند

**شرح گزینه‌های دیگر**

گزینه «۱»: «در دل» در ترجمه اضافی است.

گزینه «۳»: فعل‌های «گفتن» و «پنهان کردن» به صورت ماضی نادرست‌اند. (ترجمه)

-۲۲

**نکته مهم درسی**

هنگام ترجمه به «زمان فعل‌ها» توجه ویژه‌ای داشته باشید.

**شرح گزینه‌های دیگر**

گزینه «۲»: با توجه به فعل «يَسْتَطِعُونَ» که جمع است، «كسانی هستند- می‌توانند- تلاش‌شان» صحیح است. / «أَنْ يَكْلُمُوا»: که حرف بزنند / «فِي هذا المجال»: در این زمینه

گزینه «۳»: «گاهی» اضافه است. / «محاولات»: تلاش‌هایشان، کوشش‌هایشان (جمع است). / «فراوان» اضافه است.

گزینه «۴»: «يَسْتَطِعُونَ: می‌توانند»، «توانستند» ماضی و نادرست است.

(ترجمه)

-۲۳

**شرح گزینه‌های دیگر**

گزینه «۱»: «كَانَ» + مضارع = ماضی استمراری «بنابراین: کان یحْتَبُونَ: دوست می‌داشتنند.

گزینه «۲»: «أَيْنَ زِيَانٌ» اضافه معنی شده است.

گزینه «۳»: «كَانَ لَهُمْ ...»: داشتند / «محاولةً كثيرةً»: باید نکره معنی شود: تلاش زیادی (ترجمه)

-۲۴

(امیر رضایی رزبر - مشهور)

ترجمه گزینه «۴»: از کلماتی که از آن برای بیان شروع یک زمان استفاده می‌کنیم! (مند: از هنگام ...)

**شرح گزینه‌های دیگر**

گزینه «۱»: ترجمه: آنچه برای سفر میان شهرها بر روی زمین استفاده می‌شود! (کشتی) درست نیست.

گزینه «۲»: ترجمه: دانشی که به وسیله آن درمان بیماری‌های مختلف ممکن است! (الطب) یعنی پزشکی درست است، نه «الطبیب: پزشک»

گزینه «۳»: ترجمه: ماده‌ای در طبیعت برای ساختن درها استفاده می‌شود! (باید الخشب) یعنی چوب باشد نه «خَسْبَيْ: چوبی»



(کتاب زرد عمومی)

-۳۵

اخيراً دانشمندان توانستند راداري را بسانند که «مسير حرکت هدف را آنچنان که شایسته است، مشخص می کنند» (درک مطلب)

(کتاب زرد عمومی)

-۳۶

آيه مذکور به اين موضوع اشاره دارد که هر يك در مدار مشخص خود شناور هستند. (حرکت افلاک و شناور بودن آنها در مدارهای ثابت مشخص) (درک مطلب)

(کتاب زرد عمومی)

-۳۷

نزيك ترين مفهوم به متن اين است که: «امور عالم به حكم دانايي جاري می شود»

**شرح گزینه‌های دیگر**

گزینه «۱»: «امور در نزد خداوند گرد هم می آيندا» نادرست است.

گزینه «۲»: «در هر اتفاقی به خداوند اطمینان داشته باش!» نادرست است.

گزینه «۳»: «شكرازاري جوانمرد از خدا، به اندازه نعمت اوست!» نادرست است.

(کتاب زرد عمومی)

-۳۸

**شرح گزینه‌های دیگر**

گزینه «۱»: «خبر» نادرست است، زيرا مبتدای مؤخر است.

گزینه «۲»: «فاعله ظواهير» نادرست است.

(تميل صرفی و مفل اعرابی)

(کتاب زرد عمومی)

-۳۹

«أَكْبَرُ مِنْ»: بزرگ تر از

**شرح گزینه‌های دیگر**

گزینه «۲»: «خیر الخلق»: بهترین خلق و خو

گزینه «۳»: «أَثْقَلُ شَيْءٍ»: سنتگین ترين چيزی

گزینه «۴»: «أَتَّقَى النَّاسَ»: با تقواترين مردم

(کتاب زرد عمومی)

-۴۰

باید به دنبال اسم نکرهای باشیم که بعد از آن، فعلی برای توصیف و به عنوان صفت از نوع جمله باشد، با توجه به این که جمله «اعطاهم الله ...» برای اسم نکره «أَخْلَاقًا» آمده و آن را توصیف کرده است، صفت از نوع جمله محسوب می شود.

**شرح گزینه‌های دیگر**

گزینه «۱»: در اين گزینه اصلا اسم نکره نداريم.

گزینه «۲»: اگرچه «جلسة علمية» نکره است، اما آمدن «فـ» مانع جمله وصفیه شدن «تغیرت» شده است. باید دقت کنیم بين اسم نکره و فعل، حروفی مانند «و، فـ ثم، أن، حتى و ...» نیاید.

گزینه «۳»: در اين گزینه اصلا اسم نکره نداريم.

(کتاب زرد عمومی)

-۳۲

«أَغْلَمُ» فعل امر است: بدان / «أَعْمَال» به صورت جمع نادرست است.

**شرح گزینه‌های دیگر**

گزینه «۱»: «كان ... لا يترك» معادل ماضی استمراری منفی و به معنی «ترك نمی کرد» است.

گزینه «۲»: «يقول» با حرف عطف واو به فعل بعد از «كان» اضافه شده است و ماضی استمراری، به معنی «مي گفت» است.

گزینه «۳»: «قيل» مجھول فعل «قال» به معنی «گفته شده است» و «حافظوا على» (ترجمه) به معنی «نگاه داريد» است.

(کتاب زرد عمومی)

-۳۳

دين اسلام، به ما درباره تمسخر ديگران هشدار می دهد و از نامگذاریشان به لقبهای ناپسند باز می دارد!

**شرح گزینه‌های دیگر**

گزینه «۱»: خودبستدي به معنای برملا ساختن عيبهای ديگران و غفلت از وجود آنها در خود انسان است!

گزینه «۲»: تجسس (کیجاوی و جاسوسی کردن بی جا در زندگی ديگران) یعنی این که شخصی به ديگری بدون داشتن دليل منطقی تهمت برند!

گزینه «۴»: غبیت یعنی این که به هنگام عدم حضور یک شخص، موضوعی بیان شود که اگر آن را در حضورش بشنو، ناراحت نمی گردد!

**ترجمة متن درک مطلب:**

«در زندگی پدیدهای عجیبی هست که ما را به اعتراف به وجود قدرتی دانا و با حکمت که آن را تدبیر می کند، فرا می خواند! به طور مثال این دو موضوع را بخوانید:

اخيراً دانشمندان خواستند به تغییراتی در رادارهای موجود بعد از تحقیقاتی که بر بزرگ ترین شبکه تارهای عنکبوت (آن چه عنکبوت آن را به عنوان خانهای برای خود می سازد) جاری شد، اقدام کنند. و طی آن مشخص شده که عنکبوت منتظر نمی ماند که حشرات به سویش بیایند، بلکه این تارهای را هم چون راداری برای آن حشرات به کار می گیرد تا به سویش پرواز کنند و در بعضی مواقع در مسیرهایی که رادار عنکبوت آن را مشخص می کند، حرکت کنند! و اما دوم این آیه کریمه «نه برای خورشید شایسته است که با ماه برخورد کند و نه شب که بر روز سیقت گیرد، و هر یک در مداری شناور هستند» به حقیقتی علمی اشاره می کند. همه این ستارگان و سیارات گوناگون با نظم، ضمن حسابهایی کاملاً دقیق، حرکت می کنند!»

(کتاب زرد عمومی)

-۳۴

با توجه به آن چه در مورد عنکبوت گفته شد که شکار را به سوی خود می آورد، گزینه «۲» صحیح است: «گاهی شکار راهی را که شکارچی معین می کند، انتخاب می کند!»

**شرح گزینه‌های دیگر**

گزینه «۱»: «عدم برخورد خورشید و ماه نتیجه حرکت مدارهast!» نادرست است.

گزینه «۳»: «شبکه عنکبوت همواره آمدن حشره را انتظار می کشد تا آن را شکار کند و بخورد!» نادرست است.

گزینه «۴»: «دانشمندان اقدام به ساخت تصویر مدار بر اساس شکل تارهای عنکبوت

(درک مطلب) کردند!» نادرست است.



## دین و زندگی ۲

(فرادرین سماقی- لرستان)

-۴۸

از دیدگاه قرآن کریم، برای کسانی که در برابر تمایلات نامشروع ایستادگی کنند و نیکوکاری پیشه کنند: «لذین احسنوا الحسنی» پاداش نیک و چیزی فزونی تر است و بر چهره آنان غبارخواری و ذلت نمی نشینند: «زیادة و لا يرْهُقُ و وَهْمَ قَتْرٌ وَ لَذَّةٌ» و کسانی که دنباله روی تمایلات نامشروع و روی آوردن به گناه و زشتی هستند: «وَ الَّذِينَ كَسَبُوا السَّيِّئَاتِ»، بر چهره آنان غبار ذلت می نشینند: «وَ تَرْهَقُهُمْ ذَلَّةٌ» (دین و زندگی یازدهم، درس ۱۱، صفحه ۱۳۹)

(محمد آقا صالح)

-۴۹

شادابی، سلامت جسمی و روحی، رشد طبیعی، احساس رضایت درونی، کاهش فشار جنسی و سلامت اخلاقی جامعه از فواید ازدواج در زمان مناسب است. اگر فردی بخواهد به شیوه‌ای غیر از شیوه‌های مطرح شده از سوی دین یعنی به شیوه ناصحیح به نیاز جنسی خود پاسخ دهد، در آن صورت لذت آنی برخاسته از گناه، پس از چندی روح و روان (نه جسم) فرد را پُرمدده می‌کند و شخصیت او را می‌شکند. این گونه اشخاص به جای بازگشت به مسیر درست، برای فرار از این پُرمدگی به افراط در گناه کشیده می‌شوند. (دین و زندگی یازدهم، درس ۱۲، صفحه ۱۵۶)

(مسن بیان)

-۵۰

تشريح عبارت‌های نادرست:

عبارت «الف»: این تمایلات در ذات خود بد «نیستند» و لازمه زندگی در دنیا هستند. عبارت «ب»: تعیین حد و مرز این تمایلات به‌عهده خداست نه عقل و وجودان. عبارت «ج»: با تداوم پاسخ به این تمایلات، خواری و ذلت انسان را احاطه می‌کند. عبارت نه محیط) (دین و زندگی یازدهم، درس ۱۱، صفحه‌های ۱۴۳ تا ۱۴۵)

(کتاب زرد عمومی)

-۵۱

تسلیم و بندگی خالصانه برای خدا (علت) ← عزت نفس (معلول)  
عزت نفس (علت) ← حفظ پیمان با خدا و باقی ماندن بر عزم و تصمیم (معلول)  
(دین و زندگی یازدهم، درس ۱۱، صفحه ۱۴۳)

(کتاب زرد عمومی)

-۵۲

حضرت علی (ع) در نامه خود به مالکاشتر می‌فرمایند: «دل خویش را نسبت به مردم مهربان کن و با همه دوست و مهربان باش؛ چرا که مردم دو دسته‌اند، دسته‌ای برادر دینی تو و دسته‌ای دیگر در آفرینش همانند تو هستند.» (دین و زندگی یازدهم، درس ۱۱، صفحه ۱۴۳)

(کتاب زرد عمومی)

-۵۳

استخراج قوانین موردنیاز بانکداری ← توجه به نیازهای متغیر در عین توجه به نیازهای ثابت  
انطباق و تحرک مقررات اسلامی ← وجود قوانین تنظیم کننده  
(دین و زندگی یازدهم، درس ۱۱، صفحه ۱۴۰)

(محمد رضای بقا)

-۴۱

از آن جا که سرچشمۀ همه عزت‌ها خداست، پیشوایان ما نیز با روی آوردن به خدا به عزت رسیدند و آیه شریفه «مَنْ كَانَ بِرِيدَ الْعِزَّةَ فَإِلَهُ الْعِزَّةِ جَمِيعًا» را به منصه ظهور رساندند. (دین و زندگی یازدهم، درس ۱۱، صفحه‌های ۱۳۹ و ۱۴۰)

(فرادرین سماقی- لرستان)

-۴۲

خداآوند جایگاه ما انسان‌ها را در خلقت بیان می‌کند و می‌فرماید: «ما فرزندان آدم را کرامت پخشیدیم و بر بسیاری از مخلوقات برتری دادیم.» (دین و زندگی یازدهم، درس ۱۱، صفحه ۱۴۵)

(فرادرین سماقی- لرستان)

-۴۳

عبارت «فَبِالْبَاطِلِ يَؤْمِنُونَ وَ بِنَعْمَةِ اللَّهِ هُمْ يَكْفُرُونَ»، «وَ آيَا آنَّا بِهِ بَاطِلَ ايمان می‌آورند و به نعمت الهی کفران می‌ورزند» در آیه «وَ اللَّهُ جَعَلَ لَكُمْ مِنَ انفسكم ازواجاً و جعل لكم من ازواجکم بنین و حفدة و رزقکم من الطیبات أَفَبَالْبَاطِلِ يَؤْمِنُونَ وَ بِنَعْمَةِ اللَّهِ هُمْ يَكْفُرُونَ» به نکوهش ایمان به باطل و کفران نعمت الهی اشاره دارد. (دین و زندگی یازدهم، درس ۱۱، صفحه ۱۴۹)

(محمد رضای بقا)

-۴۴

بر اثر ازدواج و پاسخ صحیح به نیاز جنسی، هر کدام از مرد و زن به یک آرامش روانی می‌رسند.  
فرزند ثمرة بیوند زن و مرد و تحکیم بخش وحدت روحی آن‌ها است.  
(دین و زندگی یازدهم، درس ۱۱، صفحه‌های ۱۵۲ و ۱۵۳)

(محمد کرمی نیا- رفسنجان)

-۴۵

نیاید فاصله میان بلوغ جنسی و عقلی با زمان ازدواج زیاد شود و تشکیل خانواده به تأخیر افتاد. به همین علت، پیشوایان ما همواره دختران و پسران را به ازدواج تشویق و ترغیب کرده و از پدران و مادران خواسته‌اند که با کنار گذاشتن رسوم غلط، شرایط لازم را برای آنان فراهم کنند. خداوند در مورد نشانه‌ایشان، از جمله آفرینش همسرانی آرامش‌آفرین و ایجاد مودت و رحمت، دعوت به تفکر نموده است: «وَ مِنْ آيَاتِهِ أَنَّ حَلَقَ لَكُمْ مِنْ أَنْفُسِكُمْ آرَوْاجًا يَسْتَكْوِلُ إِلَيْهَا وَ جَعَلَ بَيْنَكُمْ مَوْهَةً وَ رَحْمَةً إِنْ فِي ذَلِكَ لَيْاتٍ لِقَوْمٍ يَنْفَكِرُونَ.» (دین و زندگی یازدهم، درس ۱۱، صفحه‌های ۱۵۵ و ۱۵۶)

(مسن بیان)

-۴۶

رسول خدا (ص): «هیچ بنای نزد خداوند «محبوب‌تر» از ازدواج نیست.»  
خانواده «مقدس‌ترین» نهاد و بنای اجتماعی نزد خداست.  
نهاد خانواده با ازدواج زن و مرد به وجود می‌آید ← ازدواج مقدم بر خانواده  
(دین و زندگی یازدهم، درس ۱۱، صفحه ۱۴۸)

(محمد آقا صالح)

-۴۷

خداآوند به انسان وعده دیدار داده و بهشتی به وسعت همه آسمان‌ها و زمین (نه به وسعت شرق و غرب عالم) برایش آماده کرده است. بهشتی که در آن، انسان به هر آرزویی که تمایز کند، می‌رسد و این بهشت بالاترین بها برای وجود آدمی است پس این تعبیرات به «شناخت ارزش خود و نفوختن خویش به بها اندک» از راههای تقویت عزت اشاره دارد.  
(دین و زندگی یازدهم، درس ۱۱، صفحه ۱۴۰)



## زبان انگلیسی ۲

(غیریا توکلی)

-٦١

ترجمه جمله: «من واقعاً امیدوارم فردا بارانی باشد، زیرا اگر فردا باران بباید، مجبور نخواهم بود گیاهان را آب دهم.»

**نکته مهم درسی**

از ساختار "if + simple present + simple future" برای بیان عملی استفاده می‌کنیم که قرار است تحت شرایطی در آینده اتفاق بیفت.

(گرامر)

(علی شکوهی)

-٦٢

ترجمه جمله: «عجله کن! اگر الان نروی، ممکن است به قطار نرسی.»

**نکته مهم درسی**

مطابق با الگوی جمله‌های شرطی نوع اول: "If + " زمان آینده ساده + زمان حال ساده

در بخش اول جمله، باید از زمان حال ساده استفاده کنیم، پس گزینه‌های «۱» و «۳» که به ترتیب از گذشته ساده و آینده ساده استفاده کردند، عالمًا حذف می‌شوند. در بخش دوم نیز باید از آینده ساده (فعل اصلی + will) استفاده کنیم، اما با خش دوم در بین گزینه‌ها "will" نداریم! حتماً یادتان هست که گاهی به جای "will" "can" نیز استفاده کرد. پس فقط می‌توان از فعل‌های وجهی دیگر مانند "may" و "can" نیز استفاده کرد. پس فقط گزینه «۲» می‌تواند گزینه درست این سؤال باشد.

(گرامر)

(علی شکوهی)

-٦٣

ترجمه جمله: «به دلیل آن که صدھا نفر در حال مرگ بودند، [سازمان] ملل متحد تصمیم گرفت اقدامی انجام دهد و منابع غذایی فوری به آن منطقه ارسال کند.»

**نکته مهم درسی**

بعد از فعل‌های خاصی مانند "want", "decide", "tell", "ask", "want" و ... باید از "to" (مصدر با infinitive)"

(گرامر)

(غیریا توکلی)

-٦٤

ترجمه جمله: «من واقعاً از مدرسه و این که باید صبح زود بیدار شوم خسته‌ام. می‌شود فقط امروز خانه بمانم لطفاً؟»

**نکته مهم درسی**

حرف اضافه "of" مناسب "tired" است و می‌دانیم که بعد از حرف اضافه مصدر با "to" به کار برده نمی‌شود، پس "having to" صحیح می‌باشد.

(گرامر)

(آناهیتا اصغری)

-٦٥

ترجمه جمله: «من از این که دارم مشکلات زیادی در طی پروژه برای شما درست می‌کنم خجالت زده‌ام. من در این [کار] تازه وارد هستم.»

(۱) وحشت‌زده

(۲) شگفت‌زده

(۴) خوش‌شانس

(وازگان)

(کتاب زرد عمومی)

شمرة تفاوت انسان‌ها از جهت «زن بودن» و «مرد بودن» آن است که هر دو را به هم نیازمند کرده، بدون آن که یکی بر دیگری برتری ذاتی پیدا کند. زیرا برتری هر کس نزد خداوند به تقواست که باید آن را در وجود خود پرورش دهد. پس هم مرد برای زن است و هم زن برای مرد.

-٥٤

(کتاب زرد عمومی)

امیرالمؤمنین علی (ع) برای تسلیم نشدن در برابر ظالمان و حفظ عزت نفس خود در مقابل آنان می‌فرماید: «بنده دیگری (مثل خودت) نیاش، چرا که خدا تو را آزاد آفریده است.» (دین و زندگی یازدهم، درس ۱۳، صفحه ۱۵)

-٥٥

(کتاب زرد عمومی)

پیامبر (ص) می‌فرمایند: «کسی که ازدواج کند، نصف دین خود را حفظ کرده است؛ پس، باید برای نصف دیگر، از خدا پروا داشته باشد.»

(دین و زندگی یازدهم، درس ۱۳، صفحه ۱۵)

-٥٦

(کتاب زرد عمومی)

یکی از اقدامات امامان مربوط به مرجعیت دینی، «تبیین معارف اسلامی متناسب با نیازهای نو» است و شمرة حضور امامان به دور از انزوا و گوششه‌گیری، فراه آمن کتاب‌های بزرگ در حدیث و سیره ائمه اطهار (ع) در کنار سیره پیامبر (ص) و قرآن کریم است. در میان این کتاب‌ها، می‌توان دو کتاب «نهج البالغه» از امام علی (ع) و کتاب «صحیفة سجادیه» از امام سجاد (ع) را نام برد.

(دین و زندگی یازدهم، درس ۸، صفحه ۱۰)

-٥٧

(کتاب زرد عمومی)

علاقة و محبت اولیه، چشم و گوش را می‌بندد و عقل را به حاشیه می‌راند. سخن حضرت علی (ع): «حب الشيء يعني ويضم علاقة شديدة به جيزي آدمي را كور و كرمي كند.» مربوط به مواردي از اين قبل است. از اين ره، پيشوابيان دين از ما خواسته‌اند که در مورد همسر آينده با پدر و مادر خود مشورت کنیم تا به انتخاب درست برسیم.

(دین و زندگی یازدهم، درس ۱۳، صفحه ۱۵)

-٥٨

(کتاب زرد عمومی)

رسول خدا (ص) فرمود: «قوم و ملل پیشین بدين سبب، دچار سقوط شدند که در اجرای عدالت تعییض روا می‌داشته‌ند؛ اگر شخصی قادرمند و صاحب نفوذ از ایشان درزدی می‌کرد، رهایش می‌کردند و اگر فردی ضعیف درزدی می‌کرد، وی را مجازات می‌کردند.»

(دین و زندگی یازدهم، درس ۶، صفحه ۷۶)

-٥٩

(کتاب زرد عمومی)

هر جوانی به طور طبیعی و فطری خواستار ازدواج با کسی است که قبل از ازدواج پاکدامنی خود را حفظ کرده و رابطه غیرشرعنی با جنس مخالف نداشته باشد. کسی که چنین خواسته‌ای دارد، باید خودش این گونه باشد زیرا نظام هستی بر عدالت است.

(دین و زندگی یازدهم، درس ۱۳، صفحه ۱۵)

-٦٠



(زیره عمومی)

-۷۳

ترجمه جمله: «بهترین عنوان برای این متن چیست؟»  
 «دیدن از طریق گوش‌ها»

(درک مطلب)

(زیره عمومی)

-۷۴

ترجمه جمله: «کلمه "it" در پاراگراف اول به "device" به معنی «وسیله، ابزار» اشاره می‌کند.»

(درک مطلب)

(زیره عمومی)

-۷۵

ترجمه جمله: «باراگراف دوم عمدتاً درباره چه موضوعی بحث می‌کند؟»  
 «ابزار جدید چگونه کار می‌کند»

(درک مطلب)

(زیره عمومی)

-۷۶

ترجمه جمله: «چرا نویسنده در پاراگراف آخر به «دنیس داترز» اشاره می‌کند؟»  
 «برای اینهای مثالی در جهت پشتیبانی از این واقعیت که این وسیله جدید کاربردی است.»

(درک مطلب)

(زیره عمومی)

-۷۷

ترجمه جمله: «با توجه به متن، گریه‌ها عموماً کمی در طول شب فعال تر هستند.»

(درک مطلب)

(زیره عمومی)

-۷۸

ترجمه جمله: «نویسنده در خط دوم پاراگراف ۱ به گریه‌های خانگی اشاره می‌کند تا عمدتاً این حقیقت را تصویرسازی کند که زمان‌بندی فعالیت گریه‌ها کاملاً انعطاف‌پذیر و متنوع است.»

(درک مطلب)

(زیره عمومی)

-۷۹

ترجمه جمله: «با توجه به پاراگراف ۲ کدامیک صحیح است؟»  
 «تمام گریه‌ها مقدار خواب روزانه ثابتی ندارند.»

(درک مطلب)

(زیره عمومی)

-۸۰

ترجمه جمله: «کلمه "which" در پاراگراف ۲ به این اشاره می‌کند که زمانی که گریه‌ها در خواب هستند چشمانشان حرکت سریع همراه با کشش غیرارادی ماهیجه‌ها دارد.»

(درک مطلب)

(عبدالرشید شفیعی)

-۶۶

نکته مهم درسی  
 برای بیان حالت مفعولی باید فعل را به شکل سوم آن که به صورت "verb+ ed" است، در آورد.

(کلوزتست)

-۶۷

(عبدالرشید شفیعی)  
 ۱) قول دادن  
 ۲) ایجاد کردن، خلق کردن  
 ۳) گفتن

(کلوزتست)

-۶۸

(عبدالرشید شفیعی)  
 ۱) سرگرم  
 ۲) گیج کننده  
 ۳) خوش‌شانس

(کلوزتست)

-۶۹

(عبدالرشید شفیعی)  
 نکته مهم درسی  
 بعد از فعل "learn" فعل دوم به صورت "to+ verb" به کار می‌رود.

(کلوزتست)

-۷۰

(عبدالرشید شفیعی)  
 ۱) سر و صدا  
 ۲) شماره، عدد  
 ۳) نور

(کلوزتست)

-۷۱

(زیره عمومی)  
 ترجمه جمله: «پدر: آیا می‌توانم ماشینم را ببرم؟»  
 «مکانیک: متأسفم، آماده نیست. هنوز تعمیر کردنش را تمام نکرده‌ام.»

نکته مهم درسی

«yet» در آخر جمله نشانه زمان حال کامل است و بعد از "finish" فعل به شکل "ing" دار به کار می‌رود.

(گرامر)

-۷۲

(زیره عمومی)  
 ترجمه جمله: «الکس از زمانی که تو به این جا آمدی‌ای، چند وقت می‌گذرد؟ تو زبان ما را خیلی روان صحبت می‌کنی. تو بسیار باهوشی!»

نکته مهم درسی

۱) روان، با فضاحت  
 ۲) بهطور کمک کننده‌ای  
 ۳) خوش‌بختانه  
 ۴) بهطور بین‌المللی

(واژگان)



# نقد و ارزشی کنکور آزمون ۹۸ شهریور ماه ۲۲ اختصاصی دوازدهم ریاضی (نظام جدید)

آزمایشگاهی

نام درس	نام طراحان
ریاضی پایه و حسابان ۲	سید عادل حسینی - طاهر دادستانی - میلاد سجادی لاریجانی - علیرضا شاکری - علی شهرابی - سعید علم پور عزیزالله علی اصغری - حمید علیزاده - فرنود فارسی جانی - کیان کریمی خراسانی - سید میلاد موسوی چاشمی سیروس نصیری - جهانبخش نیکنام
هندسه	امیرحسین ابو محبوب - اسحاق اسفندیار - علی ایمانی - محمد خندان - رضا عباسی اصل - پرینیان عزیزیان محمد ابراهیم گتبازاده - نوید مجیدی - نصیر محبی نژاد - محمد هجری
آمار و احتمال و ریاضیات گستته	امیرحسین ابو محبوب - سیدوحید ذوالفقاری - ندا صالح پور - آزیتا صبوری - پرینیان عزیزیان - احمد رضا فلاحت مرتفی فهیمعلوی - سروش موئینی - محمد هجری - مهدی وقوعی
ریاضی ۱	امیرحسین ابو محبوب - حسین خزایی - یاسین سپهر - علیرضا شریف خطیبی - نوید مجیدی - میلاد منصوری سروش موئینی - هولمن نورائی
فیزیک	بابک اسلامی - عبدالرضا اینی نسب - زهره آقامحمدی - اسعاد حاجی زاده - بیتا خورشید - محمد راست پیمان سیوان سعیدی - سعید شرق - محسن قندچلر - علیرضا گونه - امیرحسین مجوزی - سید علی میرنوری سید جلال میری - شادمان ویسی - علیرضا یاور
شیمی	سasan اسماعیل پور - مریم اکبری - امیر علی برخورداریون - حامد پویان نظر - جعفر رحیمی میلاد شیخ الاسلامی خیاوی - میکائیل غراوی - علی فرزاد تبار - فاضل قهرمانی فرد - محمد کوهستانیان حسن لشکری - سعید محسن زاده - محمد حسن محمدزاده مقدم - مهدی محمدی - سید محمد معروفی سعید نوری - محمد وزیری

## گزینشگران و ویراستاران

نام درس	ریاضی پایه و حسابان ۲	هندسه و ریاضیات گستته	آمار و احتمال و ریاضی ۱	فیزیک	شیمی	گزینشگران
سید عادل حسینی	امیرحسین ابو محبوب	سید علی میرنوری	امیرحسین ابو محبوب	محمد وزیری		
مرضیه گودرزی علی ارجمند	زهرا رضایی مهیار جعفری	زهرا رضایی مهیار جعفری	سجاد شهرابی فراهانی حیدر زرین کفش	ایمان حسین نژاد مبینا شرافتی پور		گروه ویراستاری
مسئول درس	سید عادل حسینی	امیرحسین ابو محبوب	بابک اسلامی	محمد حسن محمدزاده مقدم		

## گروه فن و تولید

محمد اکبری	مدیر گروه
نرگس غنی زاده	مسئول دفترچه
مدیر گروه: فاطمه رسولی نسب	گروه مستندسازی
حسن خرم جو	حروفنگار
سوران نعیمی	ناظر چاپ

## گروه آزمون بنیاد علمی آموزشی قلمچی (وقف عام)

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ - کانون فرهنگی آموزش - تلفن: ۰۶۴۶۳-۲۱



$$=\begin{cases} \lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{\sqrt{1-\cos x}}{\sqrt{1-\cos^2 x}} = \lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{\sqrt{1-\cos x}}{\sqrt{1-\cos x} \times \sqrt{1+\cos x}} = \frac{\sqrt{2}}{2} \\ \lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{\sqrt{1-\cos x}}{\sqrt{1-\cos^2 x}} = \lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{\sqrt{1-\cos x}}{-\sqrt{1-\cos x} \times \sqrt{1+\cos x}} = -\frac{\sqrt{2}}{2} \end{cases}$$

چون مقادیر حد چپ و راست برابر نیستند، حاصل حد وجود ندارد.

(مسابقات اول و پیوستگی، صفحه‌های ۱۳۹ تا ۱۴۰)

(عزیز الله علی اصغری)

-۸۵

$$\text{با فرض } \lim_{x \rightarrow 0} \frac{f(x)}{x} = L \text{ داریم:}$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} \sqrt{\frac{xf(x)}{x}-1} = \sqrt{\lim_{x \rightarrow 0} \left( \frac{xf(x)}{x}-1 \right)} = \sqrt{\lim_{x \rightarrow 0} \frac{f(x)}{x}-1}$$

$$= \sqrt{2L-1} = 2 \Rightarrow 2L-1 = 4 \Rightarrow L = \frac{5}{2}$$

$$\Rightarrow \lim_{x \rightarrow 0} \frac{f(x)-\frac{5}{2}x}{x} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{f(x)}{x} - \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\frac{5}{2}x}{x}$$

$$= L - \frac{5}{2} = \frac{5}{2} - \frac{5}{2} = 0$$

(مسابقات اول و پیوستگی، صفحه‌های ۱۳۹ تا ۱۴۰)

(سیدمیلار موسوی‌پاشمن)

-۸۶

از آنجایی که در نزدیکی عدد صفر همواره  $x^3 > x^2$  است، پس

$x^3 - x^2 > 0$  است و داریم:

$$\begin{aligned} \lim_{x \rightarrow 0} g(x^3 - x^2 + 3) &= \lim_{t \rightarrow 3^+} g(t) = \lim_{t \rightarrow 3^+} \left[ \sin \left( \frac{3\pi}{t} \right) \right] \\ &= \left[ \sin \pi^- \right] = \left[ 0^+ \right] = 0 \end{aligned}$$

(مسابقات اول و پیوستگی، صفحه‌های ۱۳۹ تا ۱۴۰)

(میلار سعادی‌لاریان)

-۸۷

با توجه به مقادیر حاصل حد در گزینه‌ها و هم چنین اینکه مقدار عبارت مخرج کسر موردنظر به ازای  $x=1$  صفر است، نتیجه می‌گیریم که حد مورد نظر، مبهم  $\frac{0}{0}$  است. یعنی مقدار عبارت صورت نیز به ازای  $x=1$  باید صفر باشد.

$$\Rightarrow \sqrt{f(1)} - 2 = 0 \Rightarrow f(1) = 4 \Rightarrow (1, 4) \in f$$

پس تابع خطی  $f$  از نقاط  $(-1, 2)$  و  $(1, 4)$  می‌گذرد.

$$m = \frac{4-2}{1-(-1)} = \frac{2}{2} = 1$$

$$\Rightarrow y-2=1(x+1) \Rightarrow f(x)=x+3$$

حال حاصل حد را می‌یابیم:

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt{x+3}-2}{x^2-1}$$

### حسابات ۱

-۸۱

(سعید علم‌پور)

دامنه تابع را می‌یابیم:

$$\left[ \frac{fx}{3} \right] = 0 \Rightarrow 0 \leq \frac{fx}{3} < 1 \Rightarrow 0 \leq x < \frac{3}{fa}$$

$$\Rightarrow D_f = \mathbb{R} - \left[ 0, \frac{3}{fa} \right) = (-\infty, 0) \cup \left[ \frac{3}{fa}, +\infty \right)$$

برای اینکه تابع در همسایگی راست  $6$  تعریف شده باشد، باید  $6 \leq \frac{3}{fa}$

$$\Rightarrow a \geq \frac{1}{2}$$

(مسابقات اول و پیوستگی، صفحه‌های ۱۱۹)

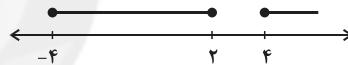
-۸۲

(میلار سعادی‌لاریان)

$$g(x) = \sqrt{f(x)} \Rightarrow D_g = \{x \in D_f \mid f(x) \geq 0\}$$

$$\Rightarrow D_g = [-4, 2] \cup [4, +\infty)$$

از آنجا که برای وجود حد باید دامنه تابع در همسایگی نقطه مورد نظر تعریف شده باشد، با توجه به شکل زیر برای نقاط صحیح  $\{-4, 2, 4\}$  همسایگی محذوف در دامنه تابع تعریف نشده است و تابع در این نقاط حد ندارد.

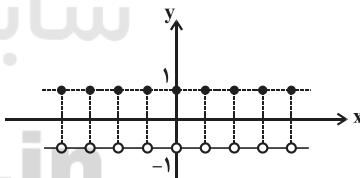


(مسابقات اول و پیوستگی، صفحه‌های ۱۱۹)

-۸۳

(ظاهر درستانی)

با رسم تابع  $f$  بهوضوح می‌بینیم که همواره  $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = -1$  است.



$$\Rightarrow A = (-1) + (-1) - (-1) = -1$$

(مسابقات اول و پیوستگی، صفحه‌های ۱۳۹ تا ۱۴۰)

-۸۴

(فرنور فارسی‌جانی)

می‌دانیم روابط زیر برقرار است:

$$\sin^2 x + \cos^2 x = 1 \Rightarrow \sin^2 x = 1 - \cos^2 x \Rightarrow |\sin x| = \sqrt{1 - \cos^2 x}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} \sin x = \sqrt{1 - \cos^2 x} ; \sin x \geq 0 \\ \sin x = -\sqrt{1 - \cos^2 x} ; \sin x < 0 \end{cases}$$

حال برای حد داده شده داریم:

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{1 - \cos x}}{\sin x}$$



(میلاد سعادی لاریجانی)

-۹۰

برای اینکه تابع در بازه مورد نظر پیوسته باشد، کافی است در  $x = 3$  و  $x = 2$  پیوسته باشد.

واضح است که برای اینکه تابع در  $x = 2$  پیوسته باشد، باید  $b = 0$  باشد.

برای پیوستگی در  $x = 3$  نیز داریم:

$$\lim_{x \rightarrow 3^-} f(x) = f(3) = 4$$

$$\lim_{x \rightarrow 3^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow 3^+} ax + 1 = 3a + 1$$

$$\underline{\text{شرط پیوستگی}} \quad 3a + 1 = 4 \Rightarrow a = 1$$

(حسابان - مر و پیوستگی، صفحه‌های ۱۴۵ تا ۱۴۶)

## حسابان ۲

(علی شهربانی)

-۹۱

تغییرات گفته شده را به ترتیب روی تابع  $y = x^3$  انجام می‌دهیم:

$$y = x^3 \xrightarrow{\text{ واحد به چپ}} y = (x+1)^3$$

$$\xrightarrow{\text{قرینه نسبت به ها}} y = -(x+1)^3$$

$$\xrightarrow{\text{انبساط عمودی}} y = -k(x+1)^3$$

$$\xrightarrow{\text{با ضریب } k} f(x) = -k(x+1)^3 + 2$$

نمودار تابع  $f$  از مبدأ می‌گذرد، پس:

حال معادله  $f(x) = 4$  را حل می‌کنیم:

$$-2(x+1)^3 + 2 = 4 \Rightarrow (x+1)^3 = -1 \Rightarrow x+1 = -1 \Rightarrow x = -2$$

(حسابان - تابع، صفحه‌های ۱ تا ۱۴)

(محمد علیزاده)

-۹۲

$$A(a, 3a) \in f \Rightarrow f(a) = 3a$$

برای پیدا کردن مختصات نقطه  $A'$  داریم:

$$\left\{ \begin{array}{l} x_{A'} : 1 + \frac{x_{A'}}{2} = a \Rightarrow x_{A'} = 2a - 2 \\ y_{A'} : y_{A'} = -\frac{1}{3}(3a) + 1 = -a + 1 \end{array} \right.$$

$$\Rightarrow A' = (2a - 2, -a + 1)$$

حال طول پاره خط  $AA'$  را می‌یابیم:

$$|AA'| = \sqrt{(2a - 2 - a)^2 + (-a + 1 - 3a)^2}$$

$$= \sqrt{(a - 2)^2 + (4a - 1)^2} = \sqrt{17a^2 - 12a + 5} = \sqrt{10}$$

$$\Rightarrow 17a^2 - 12a + 5 = 10 \Rightarrow 17a^2 - 12a - 5 = 0$$

$$\frac{s = -b}{a} = \frac{-(-12)}{17} = \frac{12}{17} \quad \text{مجموع مقادیر } a$$

(حسابان - تابع، صفحه‌های ۱ تا ۱۴)

با ضرب صورت و مخرج کسر در مزدوج عبارت صورت داریم:

$$= \lim_{x \rightarrow 1} \left( \frac{\sqrt{x+3} - 2}{x^2 - 1} \right) \left( \frac{\sqrt{x+3} + 2}{\sqrt{x+3} + 2} \right) = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{x-1}{(x^2 - 1)(\sqrt{x+3} + 2)}$$

$$= \lim_{x \rightarrow 1} \frac{x-1}{(x-1)(x+1)(\sqrt{x+3} + 2)} = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{1}{(x+1)(\sqrt{x+3} + 2)} = \frac{1}{8}$$

(حسابان - مر و پیوستگی، صفحه‌های ۱۴۳ تا ۱۴۴)

(محمد علیزاده)

-۸۸

ابتدا حد چپ تابع را در  $x = \frac{\pi}{6}$  به دست می‌آوریم:

$$\lim_{x \rightarrow \left(\frac{\pi}{6}\right)^-} f(x) = \lim_{x \rightarrow \left(\frac{\pi}{6}\right)^-} \frac{\sin\left(x - \frac{\pi}{6}\right)}{|2x - \frac{\pi}{3}|} = \lim_{x \rightarrow \left(\frac{\pi}{6}\right)^-} \frac{\sin\left(x - \frac{\pi}{6}\right)}{-2\left(x - \frac{\pi}{6}\right)}$$

با تعریف متغیر  $x - \frac{\pi}{6} = t$  داریم:

$$\lim_{x \rightarrow \left(\frac{\pi}{6}\right)^-} f(x) = \lim_{t \rightarrow 0^-} \frac{\sin t}{-2t} = -\frac{1}{2} \lim_{t \rightarrow 0^-} \frac{\sin t}{t} = -\frac{1}{2}$$

شرط پیوستگی چپ تابع در  $x = \frac{\pi}{6}$ ، این است که حاصل این حد با مقدار

تابع در  $x = \frac{\pi}{6}$  برابر باشد.

$$f\left(\frac{\pi}{6}\right) = \frac{a}{2} \xrightarrow{\text{شرط پیوستگی}} \frac{a}{2} = -\frac{1}{2} \Rightarrow a = -1$$

$$\lim_{x \rightarrow \left(\frac{\pi}{6}\right)^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow \left(\frac{\pi}{6}\right)^+} -[2x+1] = -\left[\left(\frac{\pi}{3}\right)^+ + 1\right]$$

با در نظر گرفتن مقدار تقریبی  $\pi/3 = 1.047$  می‌بینیم که  $2 + \frac{\pi}{3} > 2 + 1.047 = 3.047$  خواهد

بود. بنابراین داریم:

$$\lim_{x \rightarrow \left(\frac{\pi}{6}\right)^+} f(x) = -[2^+] = -2$$

(حسابان - مر و پیوستگی، صفحه‌های ۱۴۵ تا ۱۵۰)

(علی شهربانی)

-۸۹

تابع  $f$  در بازه  $[1, 2]$  پیوسته است، زیرا:

اولاً در تمام نقاط بازه  $(1, 2)$  پیوسته است.

ثانیاً در  $x = 1$ ، پیوستگی راست دارد.

ثالثاً در  $x = 2$ ، پیوستگی چپ دارد.

دقت کنید گزینه ۳ «نادرست است، زیرا  $f$  در نقاط  $x = 1$  و  $x = 2$  ناپیوسته است.»

(حسابان - مر و پیوستگی، صفحه‌های ۱۴۵ تا ۱۵۰)



با توجه به اینکه نمودار تابع در همسایگی  $x=0$  فرم نزولی دارد، حاصل

$$\frac{c}{b} < 0 \text{ منفی هستند، بنابراین داریم:}$$

$$\frac{ac}{b} = a \times \left( -\frac{|c|}{|b|} \right) = 2 \times \left( -\frac{\pi}{6} \right) = -\frac{\pi}{3}$$

(مسابان ۳- مسئله های ۱۴۵ ۱۴۶)

(سیروس نصیری)

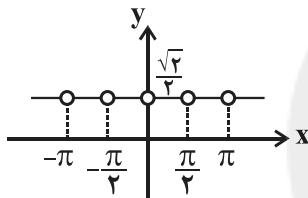
-۹۶

ابتدا عبارت داده شده را تا جایی که ممکن است ساده می کنیم:

$$f(x) = \frac{\frac{1}{2} \sin 2x}{\frac{\sqrt{2}}{2}(\sin 2x + \cos 2x) - \frac{\sqrt{2}}{2} \cos 2x}$$

$$= \frac{\sqrt{2}}{2} \frac{\sin 2x}{\sin 2x} = \frac{\sqrt{2}}{2} \quad ; x \neq \frac{k\pi}{2}$$

نمودار این تابع به صورت زیر است:



ملاحظه می شود که نمودار تابع  $f$  در هر  $\frac{\pi}{2}$  واحد تکرار شده است، پس

$$\text{دوره تناوب این تابع } T = \frac{\pi}{2} \text{ است.}$$

(مسابان ۳- مسئله های ۱۴۵ ۱۴۶)

(سعید عالم پور)

-۹۷

زاویه مورد نظر را  $x$  در نظر می گیریم، داریم:

$$\cos x = \frac{1}{2} \tan x \Rightarrow \cos x = \frac{1}{2} \frac{\sin x}{\cos x}$$

$$\Rightarrow 2 \cos^2 x = \sin x \Rightarrow 2(1 - \sin^2 x) = \sin x$$

$$\Rightarrow 2 \sin^2 x + \sin x - 2 = 0 \xrightarrow{\sin x = t} 2t^2 + t - 2 = 0$$

$$\Rightarrow t = \frac{-1 \pm \sqrt{1+16}}{4} \xrightarrow{-1 \leq t \leq 1} t = \sin x = \frac{-1 + \sqrt{17}}{4}$$

(مسابان ۳- مسئله های ۱۴۵ ۱۴۶)

(بهانیش نیکنام)

-۹۸

$$9f^2(x) - 1 = 0 \Rightarrow f(x) = \pm \frac{1}{3}$$

برای تعیین تعداد جواب های معادله فوق، کافی است تعداد نقاط تلاقی نمودار

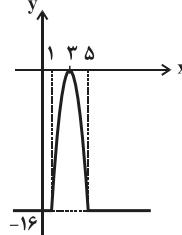
$$f \text{ و خطوط } y = \pm \frac{1}{3} \text{ را تعیین کنیم.}$$

(بهانیش نیکنام)

-۹۳

$$f(x) = \begin{cases} -4 & ; x \leq 1 \\ 2(x-3) & ; 1 \leq x \leq 5 \\ 4 & ; x \geq 5 \end{cases} \Rightarrow f'(x) = \begin{cases} 16 & ; x \leq 1 \\ 4(x-2)^2 & ; 1 \leq x \leq 5 \\ 16 & ; x \geq 5 \end{cases}$$

و با توجه به ضابطه  $f^2$ ، نمودار  $g = -f^2$  به صورت زیر خواهد بود.



با توجه به نمودار، تابع  $g$  در بازه  $[3, 5]$  اکیداً نزولی است که بازه

$$\left[ \frac{9}{4}, \frac{9}{2} \right] \text{ زیر بازه ای از آن است.}$$

(مسابقات ۳- تابع، مسئله های ۱۵ ۱۶ ۱۷)

(سید عامل مسینی)

-۹۴

$$p(x) = (x+1)(x+2)q(x) + 2x+1$$

$$\Rightarrow \begin{cases} p(x-1) = x(x+1)q(x-1) + 2x-1 \\ p(x-2) = x(x-1)q(x-2) + 2x-3 \end{cases}$$

$$\Rightarrow p(x-1) - p(x-2)$$

$$= x[(x+1)q(x-1) - (x-1)q(x-2)] + 2$$

در نتیجه باقیمانده تقسیم مورد نظر، برابر ۲ است.

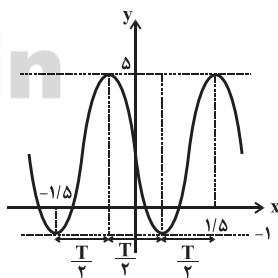
(مسابقات ۳- تابع، مسئله های ۱۵ ۱۶ ۱۷)

(سید مهرداد موسوی پاشمنی)

-۹۵

با استفاده از اتحاد  $\sin 2\theta = 2 \sin \theta \cos \theta$

$$f(x) = a + \frac{b}{2} \sin(\gamma cx)$$



با توجه به نمودار داریم:

$$\begin{cases} 1/\Delta T = 3 \Rightarrow T = \frac{\pi}{3} \\ T = \frac{2\pi}{|2c|} \end{cases} \Rightarrow |c| = \frac{\pi}{2}$$

از طرفی، مقدار  $a$  میانگین مقادیر ماکزیمم و مینیمم تابع است و داریم:

$$\begin{cases} a = \frac{\Delta + (-1)}{2} = 2 \\ y_{\max} = a + \frac{|b|}{2} \xrightarrow{a=2} 2 + \frac{|b|}{2} = 5 \Rightarrow |b| = 6 \end{cases}$$



$$\frac{\frac{1}{2} + \frac{1}{3}}{1 - \frac{1}{2} \times \frac{1}{3}} = \frac{\frac{5}{6}}{\frac{1}{6}} \Rightarrow \tan(\alpha + \beta) = 1$$

$$\xrightarrow{(*)} \tan \hat{O} = -\tan(\alpha + \beta) \Rightarrow \tan \hat{O} = -1$$

$$\xrightarrow{-\hat{O} < \pi} \hat{O} = \frac{3\pi}{4}$$

(مسابان ۲- مثبات، صفحه‌های ۴۲ و ۴۳)

### ریاضی ۱

(کیان کریمی‌هراسانی)

-۱۰۱

$$\text{در سهمی } x = -\frac{b}{2a}, \text{ محور تقارن خط } y = ax^2 + bx + c \text{ است.}$$

$$\Rightarrow -\frac{m-14}{2m} = 3 \Rightarrow -m+14 = 6m \Rightarrow m = 2$$

$$\Rightarrow y = 2x^2 - 12x + 7$$

حال با استفاده از روش مریع کامل، ضابطه سهمی را بازنویسی می‌کنیم و داریم:

$$y = 2x^2 - 12x + 7 = 2(x-3)^2 - 11$$

بنابراین عرض رأس سهمی، -۱۱ است.

(ریاضی ۱- معادله‌ها و نامعادله‌ها، صفحه‌های ۷۱ تا ۷۲)

(سعید علم‌پور)

-۱۰۲

اگر عدد موردنظر را  $x$  فرض کنیم خواهیم داشت:

$$4x^2 < 3x + 1 \Rightarrow 4x^2 - 3x - 1 = (4x+1)(x-1) < 0$$

$x$	-	-	$\frac{1}{4}$	+	-	$\frac{1}{4}$	+	+
$4x^2 - 3x - 1$	+	-	+	-	+	-	+	+

$$\Rightarrow -\frac{1}{4} < x < 1$$

$$1 - \left(-\frac{1}{4}\right) = \frac{5}{4} = 1/25 \text{ برابر است با } n - m$$

(ریاضی ۱- معادله‌ها و نامعادله‌ها، صفحه‌های ۷۱ تا ۷۲)

(طاهر دادستان)

-۱۰۳

$$|x|(|x|-1) \leq |x|-1 \Rightarrow |x||x|-1 \leq |x|-1$$

$$\Rightarrow |x|-1(|x|-1) \leq 0$$

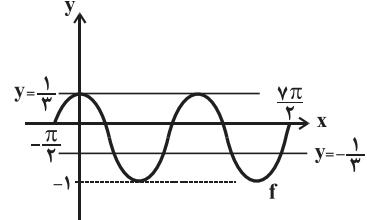
$$\Rightarrow \begin{cases} |x|-1 \leq 0 \xrightarrow{\substack{\text{قدر مطلق همواره} \\ \text{نامنفی است}}} |x|-1 = 0 \Rightarrow x = \pm 1 \\ |x|-1 \geq 0 \Rightarrow -1 \leq x \leq 1 \end{cases}$$

با اجتماع جواب‌های فوق، مجموعه جواب نامعادله بازه  $[-1, 1]$  خواهد شد.

اعداد صحیح این بازه ۱، صفر و ۱ هستند.

(ریاضی ۱- معادله‌ها و نامعادله‌ها، صفحه‌های ۷۱ تا ۷۲)

$$f(x) = \begin{cases} \cos x & ; \cos x \geq 0 \\ \frac{1}{3} & ; \cos x < 0 \end{cases}$$



مطابق شکل فوق، خط  $y = \frac{1}{3}$  نمودار را در دو نقطه و خط  $y = -\frac{1}{3}$  نمودار

را در ۴ نقطه قطع می‌کند. پس در مجموع در ۶ نقطه تلاقی دارند.

(مسابقات ۲- مثبات، صفحه‌های ۳۵ تا ۳۶)

(میلاد سجادی‌لاریجانی)

-۹۹

ابتدا عبارت سمت چپ تساوی را ساده می‌کنیم:

$$\frac{1-\cos x}{\sin x} = \frac{\frac{2\sin^2 \frac{x}{2}}{2}}{\frac{2\sin \frac{x}{2} \cos \frac{x}{2}}{2}} = \frac{\sin \frac{x}{2}}{\cos \frac{x}{2}} = \tan \frac{x}{2} \quad ; x \neq k\pi$$

بنابراین معادله به صورت زیر در می‌آید:

$$\tan 2x = \tan \frac{x}{2} \Rightarrow 2x = k\pi + \frac{x}{2} \Rightarrow \frac{3x}{2} = k\pi$$

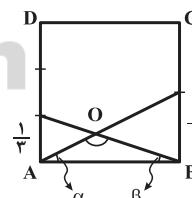
$$\Rightarrow x = \frac{2k\pi}{3}$$

با توجه به شرط  $x \neq k\pi$ ، جواب‌های قابل قبول در بازه  $[0, 2\pi]$  و  $\frac{2\pi}{3}$  هستند.

(مسابقات ۲- مثبات، صفحه‌های ۳۵ تا ۳۶)

(میلاد سجادی‌لاریجانی)

-۱۰۰



در مورد مجموع زوایای داخلی مثلث  $AOB$  می‌دانیم:

$$\alpha + \beta + \hat{O} = \pi \Rightarrow \hat{O} = \pi - (\alpha + \beta)$$

$$\Rightarrow \tan \hat{O} = \tan(\pi - (\alpha + \beta)) \Rightarrow \tan \hat{O} = -\tan(\alpha + \beta) \quad (*)$$

$$\begin{cases} \tan \alpha = \frac{1}{1} = \frac{1}{2} \\ \tan \beta = \frac{1}{3} = \frac{1}{3} \end{cases} \Rightarrow \tan(\alpha + \beta) = \frac{\tan \alpha + \tan \beta}{1 - \tan \alpha \tan \beta}$$



(محمد علیزاده)

-۱۰۸

تابع همانی  $f$  را به صورت  $x = f(x)$  و تابع ثابت  $g$  را به صورت  $g(x) = c$  تعریف می‌کنیم. داریم:

$$\begin{cases} \frac{f(3)}{g(3)} + \frac{1}{2}g(3) = \frac{3}{c} + \frac{1}{2}c \\ \frac{5}{f(2)} = \frac{5}{2} \end{cases} \Rightarrow \frac{3}{c} + \frac{1}{2}c = \frac{5}{2}$$

$$\Rightarrow c^2 - 5c + 6 = (c-2)(c-3) = 0$$

$$\Rightarrow \begin{cases} c=2 \\ c=3 \end{cases} \Rightarrow \left| c - \frac{5}{2} \right| = \left| \pm \frac{1}{2} \right| = \frac{1}{2}$$

(ریاضی ا- تابع، صفحه‌های ۱۰۹ تا ۱۱۷)

(علی شهربانی)

-۱۰۴

مؤلفه‌های اول دو زوج مرتب  $(1,8)$  و  $(1,8+2a)$  برابرند. پس باید مؤلفه‌های دومشان نیز برابر باشد.

$$a^2 + 2a = 8 \Rightarrow (a+4)(a-2) = 0 \Rightarrow \begin{cases} a=-4 \\ a=2 \end{cases}$$

به ازای  $a=2$ ، دو زوج مرتب  $(2,3)$  و  $(2,-2)$  داریم که باعث می‌شوند رابطه تابع نباشد، پس  $a=2$  قابل قبول نیست. به ازای  $a=-4$ ، رابطه به صورت رو به رو در می‌آید.

حال باید  $\sqrt{b-4}$  نیز با  $3$  برابر باشد:

$$\sqrt{b-4} = 3 \Rightarrow b-4 = 9 \Rightarrow b = 13$$

(ریاضی ا- تابع، صفحه‌های ۹۵ تا ۱۰۰)

(علیرضا شاکری)

-۱۰۹

$$f(x) = ax + b$$

$$\Rightarrow f(x-1) + f(x+2) = a(x-1) + b + a(x+2) + b = x$$

$$\Rightarrow 2ax + a + 2b = x \Rightarrow (2a-1)x + (a+2b) = 0$$

$$\Rightarrow \begin{cases} 2a-1=0 \Rightarrow a=\frac{1}{2} \\ a+2b=0 \Rightarrow b=-\frac{1}{4} \end{cases}$$

$$\Rightarrow f(x) = \frac{1}{2}x - \frac{1}{4} \Rightarrow f(2) = \frac{3}{4}$$

(ریاضی ا- تابع، صفحه‌های ۱۰۸ تا ۱۱۸)

(سعید علم پور)

-۱۰۵

$$D_f = \{2, 4, a^2\}$$

برای اینکه دامنه تابع دو عضو داشته باشد، دو حالت زیر امکان‌پذیر است که در هر دو حالت مقدار  $b$  نیز به سادگی بدست می‌آید:

$$\begin{cases} a^2 = 2 \Rightarrow a = \pm\sqrt{2} \Rightarrow b = -3 \Rightarrow \frac{b}{a} = \pm\frac{3}{\sqrt{2}} = \pm\frac{3\sqrt{2}}{2} \\ a^2 = 4 \Rightarrow a = \pm 2 \Rightarrow b = 6 \Rightarrow \frac{b}{a} = \pm 3 \end{cases}$$

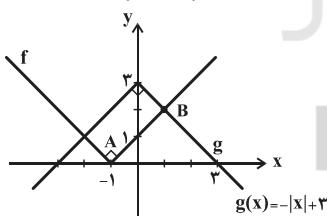
بنابراین  $\frac{b}{a}$ ، نمی‌تواند  $-2$  باشد.

(ریاضی ا- تابع، صفحه‌های ۹۵ تا ۱۰۸)

(محمد علیزاده)

-۱۱۰

ابتدا دو تابع را به کمک انتقال رسم می‌کنیم:



واضح است که ضلع  $AB$ ، ضلع بزرگ مستطیل است. مختصات نقطه  $A$  به صورت  $(-1, 0)$  است و برای بدست آوردن مختصات نقطه  $B$  معادله  $B$  زیر را حل می‌کنیم:

$$f(x) = g(x) \Rightarrow |x+1| = -|x| + 3$$

$$\xrightarrow{x_B > 0} x_B + 1 = -x_B + 3 \Rightarrow 2x_B = 2 \Rightarrow x_B = 1$$

$$\Rightarrow y_B = f(x_B) = 2 \Rightarrow B(1, 2)$$

حال فاصله دو نقطه  $A$  و  $B$  را از همدیگر می‌یابیم:

$$|AB| = \sqrt{(1-(-1))^2 + (2-0)^2} = \sqrt{8} = 2\sqrt{2}$$

(ریاضی ا- تابع، صفحه‌های ۱۰۹ تا ۱۱۷)

(سید عارف فسینی)

-۱۰۶

$$y = \frac{2x-10}{5} = \frac{2}{5}x - 2$$

$$\Rightarrow -2 \leq \frac{2}{5}x - 2 \leq 2 \Rightarrow 0 \leq \frac{2}{5}x \leq 4 \Rightarrow 0 \leq x \leq 10$$

(ریاضی ا- تابع، صفحه‌های ۱۰۸ تا ۱۱۸)

(سعید علم پور)

-۱۰۷

ابتدا مقدادر  $a$  و تابع ثابت  $f$  را می‌یابیم:

$$f(x) = \frac{(2a+1)x + 5}{3x-1} = k \quad ; x \neq \frac{1}{3}$$

$$\Rightarrow (2a+1)x + 5 = 3kx - k \Rightarrow \begin{cases} 2a+1 = 3k \\ -k = 5 \end{cases} \Rightarrow k = -5, a = -8$$

حال با توجه به مقدار  $a$  داریم:

$g(x) = \{ (1,1), (10,-6) \}$  : گزینه «۱» همانی نیست.

$g(x) = -8x$  : گزینه «۲» همانی نیست.

$g = \{ (0,0), (3,3) \}$  : گزینه «۳» همانی است.

$g = \{ (-8,64), (64,-8) \}$  : گزینه «۴» همانی نیست.

(ریاضی ا- تابع، صفحه‌های ۱۰۹ تا ۱۱۷)



$$= 11^2 + 6^2 - 2 \times 11 \times 6 \times \cos 120^\circ = 121 + 36 + 66 = 223$$

$$\frac{1}{2}$$

$$\Rightarrow AB = \sqrt{223}$$

(هنرسه ۲ - روابط طولی در مثلث، صفحه‌های ۶۹ تا ۶۶)

(محمد قدران)

-۱۱۴

$$AH^2 = AB^2 - BH^2 = 10^2 - 6^2 = 64 \Rightarrow AH = 8$$

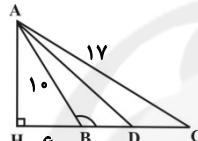
$$CH^2 = AC^2 - AH^2 = 17^2 - 8^2 = 225 \Rightarrow CH = 15$$

$$BC = CH - BH = 15 - 6 = 9$$

طبق قضیه نیمسازهای زوایای داخلی در مثلث ABC داریم:

$$\frac{BD}{DC} = \frac{AB}{AC} \Rightarrow \frac{BD}{BD+DC} = \frac{AB}{AB+AC}$$

$$\Rightarrow \frac{BD}{9} = \frac{10}{27} \Rightarrow BD = \frac{10}{3}$$

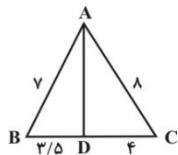


(هنرسه ۳ - روابط طولی در مثلث، صفحه‌های ۷۰ تا ۷۲)

(نوبد میری)

-۱۱۵

براساس قضیه نیمسازهای زوایای داخلی داریم:



$$\frac{BD}{DC} = \frac{AB}{AC} = \frac{7}{8} \xrightarrow{\text{ترکیب نسبت در مخرج}} \frac{BD}{BD+DC} = \frac{7}{7+8}$$

$$\Rightarrow BD = \frac{7}{15} \Rightarrow DC = 4$$

در مثلث ABC، طول نیمساز زاویه داخلی A برابر است با:

$$AD^2 = AB \cdot AC - BD \cdot DC = 7 \times 8 - \frac{7}{15} \times 4 = 56 - 14 = 42$$

$$\Rightarrow AD = \sqrt{42}$$

(هنرسه ۴ - روابط طولی در مثلث، صفحه‌های ۷۰ تا ۷۲)

(محمد هبری)

-۱۱۶

طبق نامساوی مثلثی داریم:  $15 - 8 < a < 15 + 8 \Rightarrow 7 < a < 23$  (۱)

در مثلث حاده‌الزاویه، مربع طول هر ضلع از مجموع مربعات طولهای اضلاع

دیگر کمتر است، پس داریم:

(محمد قدران)

-۱۱۱

تساوی داده شده را به صورت  $\frac{b}{\sin B} = \frac{c}{\sin C}$  می‌نویسیم. از طرفی طبق

قضیه سینوس‌ها  $\frac{b}{\sin B} = \frac{c}{\sin C}$  است، بنابراین داریم:

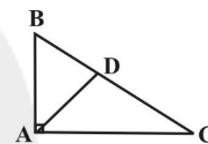
$$\frac{c}{\cos C} = \frac{c}{\sin \hat{C}} \Rightarrow \cos \hat{C} = \sin \hat{C} \xrightarrow{0 < \hat{C} < 180^\circ} \hat{C} = 45^\circ$$

$$\hat{B} = 180^\circ - (130^\circ + 45^\circ) = 5^\circ$$

(هنرسه ۵ - روابط طولی در مثلث، صفحه‌های ۶۲ تا ۶۵)

(محمد ابراهیم کیم‌زاده)

-۱۱۲



فرض کنیم  $\hat{C} = 30^\circ$  و AD نیمساز زاویه قائمه A باشد. می‌دانیم ضلع

روبه رو به زاویه  $30^\circ$ ، نصف وتر است. پس اگر  $AB = x$ ,  $BC = 2x$ , آنگاه و

$AC^2 = BC^2 - AB^2 = 3x^2 \Rightarrow AC = \sqrt{3}x$  داریم:

در دو مثلث ABD و ADC، ارتفاع وارد از رأس A مشترک است، پس

نسبت مساحت‌ها برابر نسبت قاعده‌های است. یعنی داریم:

$$\left. \begin{aligned} \frac{S_{\triangle ABD}}{S_{\triangle ADC}} &= \frac{BD}{DC} \\ \frac{AB}{AC} &= \frac{BD}{DC} \end{aligned} \right\} \Rightarrow \frac{S_{\triangle ABD}}{S_{\triangle ADC}} = \frac{AB}{AC} = \frac{x}{\sqrt{3}x} = \frac{1}{\sqrt{3}}$$

(هنرسه ۶ - روابط طولی در مثلث، صفحه‌های ۷۰ تا ۷۲)

(محمد ابراهیم کیم‌زاده)

-۱۱۳



در متوازی‌الاضلاع قطرها منصف یکدیگرنند، بنابراین مطابق شکل  $OA = 11$

و  $OB = 6$  است. طبق قضیه کسینوس‌ها در مثلث OAB داریم:

$$AB^2 = OA^2 + OB^2 - 2OA \times OB \times \cos(\widehat{AOB})$$



(امیرحسین ابومهندی)

-۱۱۹

$$a^2 < 8^2 + 15^2 = 289 \Rightarrow a < 17 \quad (۲)$$

طبق قضیه هرون داریم:

$$P_1 = \frac{3+5+7}{2} = \frac{15}{2}$$

$$S_1 = \sqrt{\frac{15}{2} \left( \frac{15}{2} - 3 \right) \left( \frac{15}{2} - 5 \right) \left( \frac{15}{2} - 7 \right)} = \sqrt{\frac{15}{2} \times \frac{9}{2} \times \frac{5}{2} \times \frac{1}{2}} \\ = \frac{15\sqrt{3}}{4}$$

$$P_2 = \frac{4+6+8}{2} = 9$$

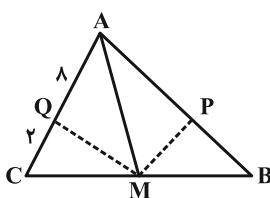
$$S_2 = \sqrt{9(9-4)(9-6)(9-8)} = \sqrt{9 \times 5 \times 3 \times 1} = 3\sqrt{15}$$

$$\frac{S_1}{S_2} = \frac{\frac{15\sqrt{3}}{4}}{\frac{9\sqrt{15}}{4}} = \frac{5}{4} \times \frac{\sqrt{5}}{\sqrt{5}} = \frac{\sqrt{5}}{4}$$

(هنرسه ۳ - روابط طولی در مثلث، صفحه‌های ۷۳ و ۷۴)

(نویر میدری)

-۱۲۰

چون  $MP$  و  $MQ$  به ترتیب نیمسازهای زوایه‌های  $\angle MAC$  و  $\angle MAB$  نیمساز است:

هستند، بنابر قضیه نیمسازهای زوایای داخلی خواهیم داشت:

$$\frac{\Delta}{\Delta} \frac{AM}{MB} = \frac{AP}{PB} \Rightarrow \frac{AP}{PB} = \frac{AM}{MB}$$

$$\frac{\Delta}{\Delta} \frac{AM}{MC} = \frac{AQ}{QC} \Rightarrow \frac{AQ}{QC} = \frac{AM}{MC}$$

چون  $MC = MB$ ، پس سمت راست تساوی‌های بالا با هم برابرند و ازاین رو سمت چپ تساوی‌ها نیز برابر خواهند شد، یعنی در  $\frac{AP}{PB} = \frac{AQ}{QC}$ .

نتیجه:

$$\frac{AP}{\underbrace{AP+PB}_{=AB}} = \frac{AQ}{\underbrace{AQ+QC}_{=AC}} \Rightarrow \frac{AP}{9} = \frac{\lambda}{10} \Rightarrow AP = \frac{9}{10}\lambda$$

(هنرسه ۳ - روابط طولی در مثلث، صفحه‌های ۷۰ تا ۷۲)

$$15^2 < a^2 + 8^2 \Rightarrow a^2 > 15^2 - 8^2 = 161$$

$$\text{بدیهی است } a \geq 13 \quad (۳)$$

$$\lambda^2 < a^2 + 15^2 \Rightarrow a^2 < 15^2 + 15^2 = 450$$

$$(۱), (۲), (۳) \Rightarrow 13 \leq a \leq 16$$

بنابراین چهار مقدار صحیح برای  $a$  وجود دارد.

(هنرسه ۳ - روابط طولی در مثلث، صفحه ۷۶)

(ممدر هبری)

-۱۱۷

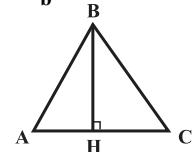
اگر  $R$  شعاع دایره محیطی مثلث  $ABC$  باشد، آنگاه طبق قضیه سینوس‌ها

داریم:

$$\frac{a}{\sin A} = 2R \quad (*)$$

از طرفی مطابق شکل در مثلث قائم‌الزاویه  $ABH$  داریم:

$$\sin A = \frac{BH}{AB} = \frac{h_b}{c} \xrightarrow{(*)} \frac{a}{h_b} = 2R \Rightarrow R = \frac{ac}{2h_b}$$



$$\Rightarrow R = \frac{12 \times 9}{2 \times 8} = 6 / 75$$

(هنرسه ۳ - روابط طولی در مثلث، صفحه‌های ۶۵ تا ۶۷)

(ممدر هبری)

-۱۱۸

مطابق تعریف چهارضلعی محاطی دو زاویه  $\widehat{ABC}$  و  $\widehat{ADC}$  مکمل

$$\cos(\widehat{ABC}) = \cos(180^\circ - \alpha) = -\cos \alpha = -\frac{1}{\lambda}$$

حال طبق قضیه کسینوس‌ها در مثلث‌های  $ABC$  و  $ADC$  داریم:

$$AC^2 = AD^2 + DC^2 - 2AD \cdot DC \cos \alpha \quad (۱)$$

$$AC^2 = AB^2 + BC^2 - 2AB \cdot BC \cos \alpha \quad (۲)$$

$$(۱), (۲) \Rightarrow 7^2 + 7^2 - 2 \times 7 \times 2 \times \frac{1}{\lambda} = x^2 + 6^2 + 2 \times x \times 6 \times \frac{1}{\lambda}$$

$$2x^2 + 3x - 27 = 0$$

$$(2x+9)(x-3)=0 \Rightarrow x=3$$

(هنرسه ۳ - روابط طولی در مثلث، صفحه‌های ۶۹ تا ۷۱)



(سیدوهدی زوالفاری)

-۱۲۷

مقدار آماره میانگین برای نمونه‌های دوتایی  $\{16, 20\}$  و  $\{17, 19\}$  برابر ۱۸ می‌باشد. در صورتی که پیشامد آنکه آماره میانگین جامعه برای نمونه دوتایی

$$P(A) = \frac{2}{\binom{6}{2}} = \frac{2}{15}$$

برابر ۱۸ باشد را A بنامیم. داریم:

(آمار و احتمال - آمار استنباطی، صفحه‌های ۱۱۸ تا ۱۲۰)

(نرا صالح پور)

-۱۲۸

$$\bar{x} = \frac{0+1+2+5}{4} = \frac{\lambda}{4} = 2$$

می‌دانیم:

$$\bar{x} - \frac{2\sigma}{\sqrt{n}} \leq \mu \leq \bar{x} + \frac{2\sigma}{\sqrt{n}}$$

$$\Rightarrow 2 - \frac{2 \times 1 / 63}{\sqrt{4}} \leq \mu \leq 2 + \frac{2 \times 1 / 63}{\sqrt{4}}$$

$$\Rightarrow 0 / 37 \leq \mu \leq 3 / 63$$

(آمار و احتمال - آمار استنباطی، صفحه‌های ۱۱۲ و ۱۲۳)

(امیرحسین ابومنوب)

-۱۲۹

میانه اعداد ۰ تا N، همواره برابر  $\frac{N}{2}$  است. زیرا در صورتی که N زوج

باشد، تعداد اعداد یعنی  $N+1$  فرد است و داده  $\frac{N}{2}$  دقیقاً وسط داده‌ها قرار

می‌گیرد، پس میانه است و در صورتی که N فرد باشد، تعداد اعداد زوج

است و در نتیجه میانه برابر میانگین دو داده وسط یعنی  $\frac{N+1}{2}$  و  $\frac{N-1}{2}$

است که برابر  $\frac{N}{2}$  می‌باشد. با توجه به این که تعداد اعداد انتخابی برابر ۱۲

است، پس میانه داده‌ها برابر میانگین داده‌های ششم و هفتم است و در نتیجه

$$\text{داریم: } \frac{13+15}{2} = \frac{28}{2} \Rightarrow \frac{N}{2} = \frac{28}{2} \Rightarrow N = 28 \text{ میانه}$$

(آمار و احتمال - آمار استنباطی، مشابه تمرين ۲ صفحه ۱۲۵)

(امیرحسین ابومنوب)

-۱۳۰

انحراف معیار برآورد میانگین یک نمونه برابر انحراف معیار جامعه تقسیم بر

جذر اندازه نمونه است. بنابراین اگر  $n_1 = 25$  و  $n_2 = 225$  فرض شود،

آنگاه داریم:

$$\frac{\sigma_{\bar{x}_2}}{\sigma_{\bar{x}_1}} = \frac{\sqrt{n_2}}{\sqrt{n_1}} = \frac{\sqrt{225}}{\sqrt{25}} = \frac{5}{5} = \frac{1}{1} \Rightarrow \sigma_{\bar{x}_2} = 0 / 6$$

(آمار و احتمال - آمار استنباطی، صفحه ۱۲۱)

### آمار و احتمال

-۱۲۱

(سیدوهدی زوالفاری)

به هر یک از افراد یا اشیا که داده‌های مربوط به آنها در یک بررسی آماری گردآوری می‌شود، واحد آماری و به مجموعه کل آنها، جامعه آماری گفته می‌شود.

(آمار و احتمال - آمار استنباطی، صفحه ۱۰۴)

-۱۲۲

(مرتضی فقیم‌علوی)

در روش نمونه‌گیری طبقه‌ای، پس از طبقه‌بندی جامعه به زیرجامعه‌های مجزا، از هر طبقه، یک نمونه تصادفی انتخاب می‌کنیم.

(آمار و احتمال - آمار استنباطی، صفحه‌های ۱۰۵ تا ۱۰۷)

-۱۲۳

(سیدوهدی زوالفاری)

روش نمونه‌گیری ای که از نمونه‌گیری ایده‌آل فاصله گرفته و به سمتی خاص انحراف پیدا کرده است، روش نمونه‌گیری اریب نامیده می‌شود.

(آمار و احتمال - آمار استنباطی، صفحه ۱۱۰)

-۱۲۴

(مرتضی فقیم‌علوی)

طبق تعریف، پارامتر جامعه زمانی قابل محاسبه است که داده‌های کل جامعه در دسترس باشند.

(آمار و احتمال - آمار استنباطی، صفحه ۱۱۵)

-۱۲۵

(امیرحسین ابومنوب)

$$\text{داریم: } \frac{4\sigma}{\sqrt{n}} = \frac{4 \times 2 / 5}{\sqrt{25}} = 2$$

(آمار و احتمال - آمار استنباطی، صفحه‌های ۱۲۱ و ۱۲۳)

-۱۲۶

(نرا صالح پور)

با توجه به تعاریف، «الف» و «ت» صحیح می‌باشند.

«ب» فرآیند نتیجه‌گیری درباره پارامترهای جامعه بر اساس نمونه را آمار استنباطی گوییم.

«پ» برای بررسی یک جامعه، نمونه‌گیری نالریب ارزش بالایی دارد.

(آمار و احتمال - آمار استنباطی، صفحه‌های ۱۱۰، ۱۱۱ و ۱۱۵)



(محمد هبری)

-۱۳۴

$$\begin{aligned} A^T + I &= (A^T)^T + I = (A + I)^T + I \\ &= A^T + 2A + 2I \\ &= A^T + 2(A + I) \\ &= A^T + 2A^T = 3A^T \end{aligned}$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها، صفحه‌های ۱۳ تا ۱۵)

(پرنیان عزیزان)

-۱۳۵

می‌دانیم  $\tan 30^\circ = \cot 60^\circ$  است، پس داریم:

$$\begin{aligned} A^T &= \begin{bmatrix} 0 & -\tan 60^\circ \\ \cot 60^\circ & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 & -\tan 60^\circ \\ \cot 60^\circ & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{bmatrix} = -I \\ A^{10} &= (A^T)^5 = (-I)^5 = -I \\ \begin{bmatrix} \sin 60^\circ & 0 \\ \cos 60^\circ & 0 \end{bmatrix} &\times A^{10} \times \begin{bmatrix} \cos 60^\circ & 0 \\ \sin 60^\circ & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{\sqrt{3}}{2} & 0 \\ \frac{1}{2} & 0 \end{bmatrix} \times (-I) \times \begin{bmatrix} \frac{1}{2} & 0 \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & 0 \end{bmatrix} \\ &= -\begin{bmatrix} \frac{\sqrt{3}}{2} & 0 \\ \frac{1}{2} & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \frac{1}{2} & 0 \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & 0 \end{bmatrix} = -\begin{bmatrix} \frac{\sqrt{3}}{4} & 0 \\ \frac{1}{4} & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -\frac{\sqrt{3}}{4} & 0 \\ -\frac{1}{4} & 0 \end{bmatrix} \end{aligned}$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها، صفحه‌های ۱۷ تا ۲۰)

(اسفاق اسفندیار)

-۱۳۶

از طرفین رابطه وارون می‌گیریم:

$$[(I - A)^{-1}]^{-1} = [1 \ 2]^{-1}$$

$$I - A = \frac{1}{5} \begin{bmatrix} 3 & -2 \\ 1 & 1 \end{bmatrix} \Rightarrow A = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} - \frac{1}{5} \begin{bmatrix} 3 & -2 \\ 1 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{2}{5} & \frac{2}{5} \\ -\frac{1}{5} & \frac{4}{5} \end{bmatrix}$$

$$|A| = \frac{2}{5} \times \frac{4}{5} + \frac{1}{5} \times \frac{2}{5} = \frac{8+2}{25} = \frac{10}{25} = \frac{2}{5}$$

$$|\Delta A^3| = 2\Delta |A|^3 = 2\Delta \left(\frac{2}{5}\right)^3 = 4$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها، صفحه‌های ۲۲، ۲۳ و ۲۷ تا ۳۰)

هندسه ۳

-۱۳۱

(علی ایمانی)

$$\begin{aligned} 2A + B &= \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 3 & -3 \\ 0 & 6 \end{bmatrix} \Rightarrow 2A = \begin{bmatrix} 3 & -3 \\ 0 & 6 \end{bmatrix} \Rightarrow A = \begin{bmatrix} 1 & -1 \\ 0 & 2 \end{bmatrix} \\ A - B &= \begin{bmatrix} 2 & -3 \\ 0 & 5 \end{bmatrix} \end{aligned}$$

$$A + B = (2A + B) - A = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 1 & -1 \\ 0 & 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 0 & -1 \end{bmatrix}$$

بنابراین مجموع درایه‌های ماتریس  $A + B$ ، برابر صفر است.

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها، صفحه‌های ۱۳ تا ۱۶)

(امیرحسین ابومهوب)

-۱۳۲

$$AB = \begin{bmatrix} 1 & -2 & 3 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} -2 \\ 1 \\ 3 \end{bmatrix} = [5] \Rightarrow |AB| = 5$$

$$BA = \begin{bmatrix} -2 \\ 1 \\ 3 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & -2 & 3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -2 & 4 & -6 \\ 1 & -2 & 3 \\ 3 & -6 & 9 \end{bmatrix}$$

برای محاسبه دترمینان ماتریس  $BA$ ، اگر از  $(-2)$  در سطر اول فاکتور

بگیریم، آنگاه سطرهای اول و دوم کاملاً یکسان هستند و در نتیجه دترمینان

این ماتریس برابر صفر است. در نتیجه داریم:

$$|BA| - |AB| = 0 - 5 = -5$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها، مشابه تمرین ۱ صفحه ۳۰)

(رضا عباس اصل)

-۱۳۳

$$|A| = 2 \times 2 - 1 \times 3 = 1$$

$$|\Delta A^3| = 4^2 |A|^3 = 16 \times 1 = 16$$

$$\left| \frac{1}{\lambda} A \right| |\Delta A^3| = \left| \frac{1}{\lambda} A \times 16 \right| = |2A| = 2^2 |A| = 2^2 \times 1 = 4$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها، صفحه‌های ۲۷ تا ۳۰)



(پر زبان عزیزیان)

-۱۳۹

$$\text{فرض کنید } A = \begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix} \text{ یک ماتریس مربعی دلخواه از مرتبه ۲ و } B$$

ماتریسی باشد که از افزودن عدد حقیقی دلخواه غیر صفر  $k$  به تمامی

درایه‌های ماتریس  $A$  حاصل شده است. در این صورت داریم:

$$|A| = |B| \Rightarrow \begin{vmatrix} a & b \\ c & d \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} a+k & b+k \\ c+k & d+k \end{vmatrix}$$

$$\Rightarrow ad - bc = (a+k)(d+k) - (b+k)(c+k)$$

$$\Rightarrow ad - bc = ad + (a+d)k + k^2 - bc - (b+c)k - k^2$$

$$\Rightarrow (a+d)k = (b+c)k - ad + bc \xrightarrow{-k} a+d = b+c$$

یعنی مجموع درایه‌های قطر اصلی و قطر فرعی ماتریس  $A$  یکسان هستند.

در بین گزینه‌ها، تنها ماتریس گزینه «۴» دارای این ویژگی است.

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها، صفحه‌های ۲۷ و ۲۸)

(ممدر همراه)

-۱۴۰

دترمینان ماتریس  $A$  را محاسبه می‌کنیم:

$$|A| = (|A|+1)(|A|-1) - (2|A|-1)(|A|-2)$$

$$\Rightarrow (|A|)^2 - 4|A| + 3 = 0$$

$$\Rightarrow (|A|-1)(|A|-3) = 0 \Rightarrow \begin{cases} |A|=1 \\ |A|=3 \end{cases}$$

$$|A|=1 \Rightarrow A = \begin{bmatrix} 2 & -1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix} \quad (\text{قابل قبول نیست چون یکی از درایه‌ها منفی است})$$

$$|A|=3 \Rightarrow A = \begin{bmatrix} 4 & 1 \\ 5 & 2 \end{bmatrix}$$

حال ماتریس مجهولات را به دست می‌آوریم:

$$X = A^{-1}B = \frac{1}{3} \begin{bmatrix} 2 & -1 \\ -5 & 4 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 \\ -2 \end{bmatrix} = \frac{1}{3} \begin{bmatrix} 4 & 1 \\ -13 & -12 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{4}{3} \\ -\frac{13}{3} \end{bmatrix}$$

$$x+y = \frac{4}{3} - \frac{13}{3} = -\frac{9}{3} = -3$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها، صفحه‌های ۲۳ و ۲۴)

(ممدر همراه)

-۱۳۷

مجموع درایه‌های ماتریس  $A$  برابر است با:

$$S_A = 2x + 4$$

وارون ماتریس  $A$  را محاسبه می‌کنیم:

$$A^{-1} = \frac{1}{x^2 - 4} \begin{bmatrix} x & -2 \\ -2 & x \end{bmatrix}$$

پس مجموع درایه‌های ماتریس  $A^{-1}$  برابر است با:

$$S_{A^{-1}} = \frac{2x - 4}{x^2 - 4}$$

طبق فرض سؤال داریم:

$$S_A = 4S_{A^{-1}}$$

$$\Rightarrow 2x + 4 = 4 \cdot \frac{2x - 4}{x^2 - 4} \Rightarrow 2(x+2) = 4 \times \frac{2(x-2)}{(x-2)(x+2)}$$

$$\Rightarrow (x+2)^2 = 4 \Rightarrow \begin{cases} x+2 = 2 \Rightarrow x = 0 \\ x+2 = -2 \Rightarrow x = -4 \end{cases}$$

$$x = 0 - 4 = -4 \quad (\text{مجموع مقادیر } x)$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها، صفحه‌های ۲۲ و ۲۳)

(پر زبان عزیزیان)

-۱۳۸

معادله ماتریسی داده شده را به صورت یک دستگاه دو معادله و دو مجهول

می‌نویسیم:

$$\begin{cases} 3x - 4y = 2 \\ -6x + 8y = 6 \end{cases}$$

با توجه به آنکه  $\frac{3}{-6} = \frac{-4}{8} = \frac{2}{-2} \neq \frac{2}{-2}$  است، پس دو خط موازی و غیرمنطبق‌اند.

بنابراین مجموعه نقاطی از صفحه که از این دو خط موازی به یک فاصله

باشند، روی خطی موازی با این دو خط و دقیقاً وسط آنها واقع شده‌اند.

معادله خطی موازی با دو خط  $ax + by = c'$  و  $ax + by = c$  که دقیقاً

وسط آن دو باشد، به صورت  $ax + by = \frac{c+c'}{2}$  است. در نتیجه داریم:

$$-6x + 8y = 6 \xrightarrow{+(-2)} 3x - 4y = -3$$

$$\begin{cases} 3x - 4y = 2 \\ 3x - 4y = -3 \end{cases} \Rightarrow 3x - 4y = \frac{2 + (-3)}{2} = -\frac{1}{2}$$

$$\xrightarrow{\times(-3)} -9x + 12y = \frac{3}{2}$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها، صفحه‌های ۲۳ و ۲۴)



(رضا عباسی اصل)

-۱۴۳

$$S = \frac{b}{2} + i - 1 \Rightarrow \frac{17}{2} = \frac{b}{2} + i - 1 \Rightarrow 17 = b + 2i - 2$$

$$\Rightarrow 2i = 19 - b$$

بیشترین مقدار  $i$  به ازای کمترین مقدار  $b$  حاصل می‌شود. می‌دانیم در یک چندضلعی شبکه‌ای  $b \geq 3$  است. پس:

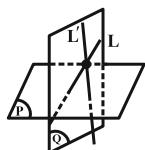
$$2i = 19 - 3 \Rightarrow 2i = 16 \Rightarrow i = 8$$

(هنرسه ا- پندرضلعی‌ها، صفحه‌های ۶۹ تا ۷۱)

(محمد ابراهیم کیمی زاده)

-۱۴۴

اگر از نقطه‌ای روی خط  $L$ ، خط  $L'$  را عمود بر صفحه  $P$  رسم کنیم، صفحه شامل دو خط متقاطع  $L$  و  $L'$ ، تنها صفحه‌ای است که شامل خط  $L$  بوده و بر صفحه  $P$  عمود است. بنابراین همواره یک صفحه با مشخصات موردنظر وجود دارد.



(هنرسه ا- تبسم فضایی، صفحه ۱۳)

(محمد ابراهیم کیمی زاده)

-۱۴۵

صفحة  $Q$  را موازی با صفحه  $P$  و شامل خط  $d$  رسم می‌کنیم. می‌دانیم اگر خطی کی از دو صفحه موازی را قطع کند، دیگری را نیز قطع می‌نماید. پس خط  $d'$  صفحه  $Q$  را در نقطه‌ای مانند  $A$  قطع می‌کند. اگر نقطه  $A$  روی خط  $d$  باشد ( $d$  و  $d'$  متقاطع باشند)، آنگاه هر خط گذرنده از نقطه  $A$  که در صفحه  $Q$  واقع باشد، لزوماً با صفحه  $P$  موازی بوده و در نتیجه جواب مسئله است. اگر نقطه  $A$  روی خط  $d$  واقع نباشد، آنگاه کلیه خطوط صفحه  $Q$  که نقطه  $A$  را به یکی از نقاط واقع بر خط  $d$  وصل می‌کنند، جواب مسئله خواهند بود. پس در هر صورت بی‌شمار خط وجود دارند که  $d$  و  $d'$  را قطع کرده و با صفحه  $P$  موازی باشند.

(هنرسه ا- تبسم فضایی، صفحه‌های ۷۹ تا ۸۳)

هندسه ۱

(محمد ابراهیم کیمی زاده)

-۱۴۱

مثلث‌های  $OAB$  و  $OMN$  متشابه هستند، چرا که میانه‌ها یکدیگر را با نسبت ۱ به ۲ قطع می‌کنند. همچنین طول پاره خطی که وسطهای دو ضلع مثلث را به هم وصل می‌کند، نصف طول ضلع سوم مثلث است. در نتیجه داریم:

$$\begin{cases} ON = \frac{1}{2} OB \\ OM = \frac{1}{2} OA \\ MN = \frac{1}{2} AB \end{cases}$$

$$\Rightarrow \triangle OMN \sim \triangle OAB$$

نسبت تشابه دو مثلث برابر  $\frac{1}{2}$  و در نتیجه نسبت مساحت‌های آنها  $\frac{1}{4}$  است. از طرفی اگر از نقطه همرسی میانه‌ها به سه رأس مثلث وصل کنیم سه مثلث با مساحت یکسان حاصل می‌شود، بنابراین داریم:

$$\frac{S_{\triangle OAB}}{S_{\triangle OMN}} = \frac{S_{\triangle OAB}}{4 S_{\triangle ABC}} = \frac{1}{4} \Rightarrow \frac{S_{\triangle ABC}}{S_{\triangle OMN}} = 12$$

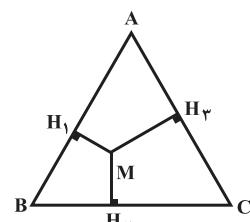
$$\Rightarrow S_{\triangle ABC} = 12 S_{\triangle OMN}$$

(هنرسه ا- پندرضلعی‌ها، صفحه‌های ۶۶ و ۶۷)

(نهیم مصیب نژاد)

-۱۴۲

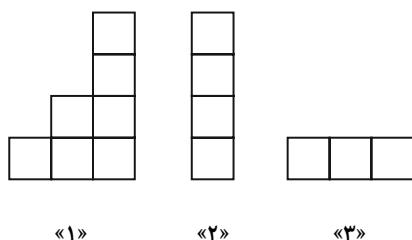
$$S = \frac{\sqrt{3}}{4} a^2 = 12\sqrt{3} \Rightarrow a = 4\sqrt{3} \Rightarrow h = \frac{\sqrt{3}}{2} a = 6$$



مجموع فاصله‌های هر نقطه درون مثلث متساوی‌الاضلاع از سه ضلع آن، برابر طول ارتفاع مثلث است، بنابراین داریم:

$$\underbrace{MH_1 + MH_2 + MH_3}_{3} = 6 \Rightarrow MH_3 = 6 - 3 = 3$$

(هنرسه ا- پندرضلعی‌ها، صفحه‌های ۶۸ و ۶۹)

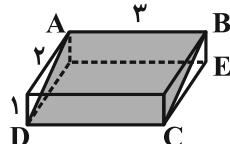


(هنرسه ا- تبسم فضایی، صفحه‌های ۸۷ تا ۹۱)

(نوبت مبتدی)

-۱۴۹

مستطیل ABCD در شکل زیر، بزرگترین مقطع مقطع حاصل از تقاطع یک صفحه در فضای مکعب مستطیلی به ابعاد ۱، ۲ و ۳ واحد است.



داریم:

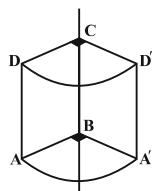
$$BC = \sqrt{BE^2 + CE^2} = \sqrt{5}$$

$$S_{ABCD} = AB \times BC = 3\sqrt{5}$$

(هنرسه ا- تبسم فضایی، صفحه‌های ۹۳ تا ۹۷)

(ممدر فناران)

-۱۵۰



$$S = \frac{1}{4} \times [S_{ABCD} + S_{A'B'C'D'}]$$

$$= \frac{1}{4} [2\pi(2)^2 + 2\pi(2)(6)] + 2 \times 6 + 2 \times 6$$

$$= 8\pi + 24 = 8(\pi + 3)$$

(هنرسه ا- تبسم فضایی، صفحه‌های ۹۵ و ۹۶)



$$\Rightarrow a = 13k + 7 \quad (k \in \mathbb{Z})$$

اگر  $k = 0$  باشد، آنگاه کمترین مقدار طبیعی  $a$  حاصل می‌شود که برابر ۷ است.

(ریاضیات کسری-آشنایی با نظریه اعداد، صفحه‌های ۱۸ و ۲۵)

(پرنیان عزیزان)

-۱۵۴

می‌دانیم هر سال غیرکبیسه ۳۶۵ روز است. از طرفی  $365 = 52 \times 7 + 1 \equiv 1$

پس ۹ تیر سال ۱۴۲۷ یک روز بعد از سه‌شنبه، یعنی چهارشنبه خواهد بود.

حال فاصله ۱۶ اردیبهشت و ۹ تیر را محاسبه می‌کنیم.

$$\begin{array}{r} 7 \\ \downarrow \\ 15 + 31 + 9 = 55 \Rightarrow 55 = 7 \times 7 + 6 \equiv 6 \\ \text{تیر خرداد اردیبهشت} \end{array}$$

پنج‌شنبه	جمعه	شنبه	یک‌شنبه	دوشنبه	سه‌شنبه	چهارشنبه
.	۱	۲	۳	۴	۵	۶

مطابق جدول اگر چهارشنبه (۹ تیر) را معادل ۶ فرض کنیم، آنگاه پنج‌شنبه

معادل صفر است. پس روز مبدأ یعنی ۱۶ اردیبهشت، روز پنج‌شنبه است.

(ریاضیات کسری-آشنایی با نظریه اعداد، صفحه‌های ۲۴ و ۲۵)

(پرنیان عزیزان)

-۱۵۵

$$57x + 21y = 1125 \xrightarrow{\div 7} 19x + 3y = 375 \Rightarrow 19x \equiv 375$$

$$\Rightarrow -2x \equiv 4 \xrightarrow{(-2)} x \equiv -2 \Rightarrow x = 7k - 2 \quad (k \in \mathbb{Z})$$

$$19(7k - 2) + 3y = 375 \Rightarrow 3y = -133k + 413$$

$$\xrightarrow{\div 3} y = -44k + 137$$

$$\left. \begin{aligned} x > 0 \Rightarrow 7k - 2 > 0 \Rightarrow k > \frac{2}{7} \\ y > 0 \Rightarrow -133k + 413 > 0 \Rightarrow k < \frac{413}{133} \end{aligned} \right\} \Rightarrow 1 \leq k \leq 3$$

بنابراین ۳ نقطه با مختصات طبیعی بر روی این خط وجود دارد.

(ریاضیات کسری-آشنایی با نظریه اعداد، صفحه‌های ۲۴ و ۲۵)

### ریاضیات کسری

(مهدی وقوی)

-۱۵۱

$$(3a + 2)x + (2a - 3)y = 39$$

$$\xrightarrow{\text{شرط وجود جواب در } Z} (3a + 2, 2a - 3) \mid 39$$

$$(3a + 2, 2a - 3) = d \Rightarrow \begin{cases} d \mid 3a + 2 \xrightarrow{x=1} d \mid 2a + 4 \\ d \mid 2a - 3 \xrightarrow{x=(-3)} d \mid -2a + 9 \end{cases}$$

$$\xrightarrow{\text{مجموع}} d \mid 13 \Rightarrow d = 1 \text{ یا } 13$$

چون  $13 \mid 39$  و  $1 \mid 39$ ، پس با توجه به شرط وجود جواب در  $Z$ ، این معادله

در  $Z$  همواره دارای جواب است.

(ریاضیات کسری-آشنایی با نظریه اعداد، صفحه‌های ۹ تا ۱۰ و ۲۴)

(محمد هبری)

-۱۵۲

مطابق فرض سؤال داریم:

$$9a - 7 \equiv 2a - 3$$

$$\Rightarrow 7a \equiv 4 \equiv -7$$

$$\xrightarrow{\div 7} a \equiv -1 \equiv 6$$

$$\Rightarrow a = 11k + 10 \Rightarrow 4a - 5 \equiv 44k + 35 \equiv 4a - 5 \equiv 35$$

$$\xrightarrow{22 \mid 44} 4a - 5 \equiv 22 \equiv 13$$

(ریاضیات کسری-آشنایی با نظریه اعداد، صفحه‌های ۱۸ تا ۲۲)

(امیرضا غلاج)

-۱۵۳

$$3^3 \equiv 27 \equiv 1 \xrightarrow{3 \mid 27} 3^9 \equiv 1 \xrightarrow{3 \mid 3^9} 3^{12} \equiv 1 \xrightarrow{3 \mid 3^{12}} 3^{11} \equiv 1$$

$$3^{11} + 16a - 1 \equiv 9 + 16a - 1 \equiv 16a + 8 \Rightarrow 16a + 8 \equiv 3$$

$$\Rightarrow 3a \equiv -5 \equiv -5 + 2 \times 13 \Rightarrow 3a \equiv 21 \xrightarrow{(3, 21)=1} a \equiv 7$$



به ازای  $k = 2, 3, \dots, 9$ ، عدد  $n$  دو رقمی است (۸ مقدار)، پس برای  $90 - k = 82$  مقدار دو رقمی و طبیعی  $n$ ، دو عدد  $1 + 4n$  و  $2 + 4n$  نسبت به هم اول اند.

(ریاضیات گسسته- آشنایی با نظریه اعداد، صفحه‌های ۹ تا ۱۴)

(ممدر هبری)

اگر تعداد سوالات ۷ امتیازی را با  $x$  و تعداد سوالات ۱۲ امتیازی را با  $y$

نمایش دهیم، آنگاه داریم:

$$\begin{aligned} 7x + 12y = 175 &\Rightarrow 7x \equiv 175 \pmod{12} \quad \rightarrow x \equiv 25 \equiv 25 - 2 \times 12 \equiv 1 \\ &\Rightarrow x = 12k + 1 \quad (x \in \mathbb{Z}) \\ 7(12k + 1) + 12y &= 175 \Rightarrow 12y = -84k + 168 \\ &\rightarrow y = -7k + 14 \end{aligned}$$

تعداد سوالات پاسخ داده شده عددی حسابی است، بنابراین داریم:

$$\left. \begin{array}{l} x \geq 0 \Rightarrow 12k + 1 \geq 0 \Rightarrow k \geq -\frac{1}{12} \\ y \geq 0 \Rightarrow -7k + 14 \geq 0 \Rightarrow k \leq 2 \end{array} \right\} \Rightarrow 0 \leq k \leq 2$$

بنابراین امتیاز ۱۷۵ به ۳ طریق قابل دست‌یابی بوده است.

(ریاضیات گسسته- آشنایی با نظریه اعداد، صفحه‌های ۲۹ تا ۳۶)

(پرینیان عزیزان)

-۱۶.

گزینه «۳»:

$$\begin{aligned} 96a &\equiv 264b \pmod{7} \quad \rightarrow 96a \equiv 264b \pmod{7} \quad \rightarrow 96a - 13 \times 7a \equiv 264b - 37 \times 7b \pmod{7} \\ &\Rightarrow 5a \equiv 5b \pmod{7} \quad \rightarrow a \equiv b \pmod{7} \quad \rightarrow a - b \equiv 0 \pmod{7} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} a &\equiv b \pmod{7} \quad \rightarrow a + 4 \times 7a \equiv b + 4 \times 7b \pmod{7} \quad \rightarrow 5a \equiv 21b \pmod{7} \\ &\quad \text{گزینه «۱»:} \\ &\quad \text{گزینه «۲»:} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 96a &\equiv 264b \pmod{14} \quad \rightarrow 96a \equiv 264b \pmod{14} \\ &\Rightarrow 96a - 5 \times 14a \equiv 264b - 18 \times 14b \pmod{14} \quad \rightarrow 26a \equiv 12b \pmod{14} \end{aligned}$$

اما رابطه گزینه «۴» در حالت کلی درست نیست.

(ریاضیات گسسته- آشنایی با نظریه اعداد، صفحه‌های ۳۲ تا ۳۶)

(ممدر هبری)

-۱۵۶

طبق تمرین ۷ صفحه ۲۹ کتاب درسی، برای هر  $a, b \in \mathbb{Z}$  و  $n \in \mathbb{N}$  همواره رابطه  $(a+b)^n \equiv a^n + b^n$  برقرار است. بنابراین با فرض

$$b = 5 \text{ و } a = 3, n = 40$$

$$(3+5)^{40} \equiv 5^{40} + 3^{40} \Rightarrow 8^{40} - 5^{40} \equiv 3^{40}$$

پس کافی است باقی‌مانده تقسیم  $3^{40}$  بر ۱۵ را بدست آوریم:

$$3^{40} \equiv 81 \equiv 6 \xrightarrow{\times 3} 3^5 \equiv 18 \equiv 3$$

$$\underline{3^2 \equiv 9 \xrightarrow{\times 4} 3^3 \equiv 27 \xrightarrow{\text{به توان ۴}} 81 \equiv 6}$$

$$\underline{3^2 \equiv 9 \xrightarrow{\times 4} 3^3 \equiv 27 \xrightarrow{\text{به توان ۲}} 81 \equiv 6}$$

(ریاضیات گسسته- آشنایی با نظریه اعداد، مشابه تمرین ۷ صفحه ۲۹)

(آریتا صبوری)

-۱۵۷

$$\left. \begin{array}{l} a = 15q + 8 \xrightarrow{\times 6} 6a = 90q + 48 \\ a = 18q' + 11 \xrightarrow{\times 5} 5a = 90q' + 55 \end{array} \right\}$$

$$\xrightarrow{\text{تفاضل}} a = \underbrace{90(q - q')}_k - 7$$

$$\Rightarrow a = 90k - 7 \quad (k \in \mathbb{Z})$$

$$1000 \leq a < 10000 \Rightarrow 1000 \leq 90k - 7 < 10000$$

$$\Rightarrow 1007 \leq 90k < 10007 \Rightarrow 12 \leq k \leq 111$$

$$(111 - 12) + 1 = 100 = \text{تعداد اعداد چهار رقمی مورد نظر}$$

(ریاضیات گسسته- آشنایی با نظریه اعداد، صفحه‌های ۱۵ و ۱۶)

(سروش موئینی)

-۱۵۸

$$\left\{ \begin{array}{l} d | 3n - 2 \xrightarrow{\times 4} d | 12n - 8 \Rightarrow d | 11 \Rightarrow d = 11 \\ d | 4n + 1 \xrightarrow{\times 3} d | 12n + 3 \end{array} \right.$$

کافی است تعداد حالت‌هایی را بدست آوریم که  $d = 11$  باشد:

$$d = 11 \Rightarrow 11 | 3n - 2 \Rightarrow 3n - 2 = 0 \Rightarrow 3n \equiv 2 \equiv -9$$

$$\underline{\frac{11}{(2, 11)=1} \Rightarrow n \equiv -3 \Rightarrow n = 11k - 3 \quad (k \in \mathbb{Z})}$$



$$\begin{matrix} \circ & \circ & \circ & \circ & \circ & \circ \\ 2 & \times & 4 & \times & 3 & \times & 2 & \times & 1 & \times & 1 \end{matrix}$$

$$n(A) = 2 \times 4!$$

در واقع برای ابتدای ردیف، یکی از دو برادر را انتخاب می‌کنیم و برادر دیگر در انتهای ردیف قرار می‌گیرد و ۴ نفر باقی‌مانده در ردیف‌های دوم تا پنجم به ۴ حالت می‌توانند قرار بگیرند. بنابراین احتمال پیشامد  $A$  برابر است با:

$$P(A) = \frac{2 \times 4!}{6!} = \frac{2 \times 4!}{6 \times 5 \times 4!} = \frac{1}{15}$$

(ریاضی - آمار و احتمال، صفحه‌های ۱۵۱ تا ۱۵۰)

(یاسین سپهر)

-۱۶۷

احتمال انتخاب لامپ سالم از جعبه اول  $\frac{k}{5}$  و از جعبه دوم  $\frac{6}{10}$  است. طبق

$$\frac{6}{10} = \frac{k}{5} + \frac{2}{10} \Rightarrow k = 2$$

(ریاضی - آمار و احتمال، صفحه‌های ۱۵۶ تا ۱۵۵)

(حسین فرزابن)

-۱۶۸

$$(حاصل ضرب فرد) P - 1 = (حاصل ضرب زوج)$$

$$= 1 - \frac{\binom{6}{2}}{\binom{11}{2}} = 1 - \frac{15}{55} = 1 - \frac{3}{11} = \frac{8}{11}$$

(ریاضی - آمار و احتمال، صفحه‌های ۱۵۶ تا ۱۵۵)

(همون نورائی)

-۱۶۹

$$P = \frac{2}{5} = 1 - \frac{2}{5} = \frac{3}{5} = (همرنگ نبودن)$$

فرض می‌کنیم  $n$  مهره از یک زنگ و  $(n+1)$  مهره از زنگ دیگر در کيسه وجود دارد:

$$P = \frac{\binom{n}{1} \times \binom{n+1}{1}}{\binom{2n+1}{2}} \Rightarrow \frac{3}{5} = \frac{n(n+1)}{(2n+1) \times 2n} = \frac{n+1}{2n+1}$$

$$\Rightarrow 6n + 3 = 5n + 5 \Rightarrow n = 2$$

$$2n + 1 = 5$$

(ریاضی - آمار و احتمال، صفحه‌های ۱۵۶ تا ۱۵۵)

(نوبیده میری)

-۱۷۰

فضای نمونه آزمایش مورد نظر عبارت است از:

$$S = \{13, 15, 16, 31, 35, 36, 51, 53, 56, 61, 63, 65\}$$

اگر پیشامد مورد نظر را  $A$  بنامیم، آنگاه  $A = \{13, 31, 53, 61\}$ . در نتیجه:

$$P(A) = \frac{n(A)}{n(S)} = \frac{4}{12} = \frac{1}{3}$$

(ریاضی - آمار و احتمال، صفحه‌های ۱۵۶ تا ۱۵۵)

### ریاضی ۱

(امیرحسین ابومصطفی)

-۱۶۱

علم آمار مجموعه روش‌هایی است که شامل جمع آوری اعداد و ارقام، سازماندهی و نمایش، تحلیل و تفسیر داده‌ها و در نهایت نتیجه‌گیری، قضایات و پیش‌بینی مناسب در مورد پدیده‌ها و آزمایش‌های تصادفی می‌شود که اولین مرحله آن همان جمع آوری اعداد و ارقام است.

(ریاضی - آمار و احتمال، صفحه‌های ۱۵۲ تا ۱۵۳)

(علیرضا شریف‌ظبیلی)

-۱۶۲

متغیرهای گزینه‌های «۲»، «۳» و «۴» کیفی اسامی هستند ولی متغیر گزینه «۱» کیفی ترتیبی است که به طور مثال می‌تواند به صورت «کم، متوسط و زیاد» بیان شود.

(ریاضی - آمار و احتمال، صفحه‌های ۱۵۹ تا ۱۷۰)

(سروش موئینی)

-۱۶۳

سرعت حرکت یک خودرو، متغیر کمی پیوسته، گروه خون متغیر کیفی اسامی، مراحل رشد متغیر کیفی ترتیبی و تعداد فرزندان متغیر کمی گسسته است، بنابراین در گزینه «۳» تمام متغیرهای چهار گانه موجود هستند.

در گزینه «۱» هر دو متغیر «جنسیت» و «شغل» کیفی اسامی، متغیر «سن» کمی پیوسته و متغیر «میزان تحصیلات» کیفی ترتیبی است. در گزینه «۲» هر دو متغیر «جنسیت» و «شغل» کیفی اسامی، متغیر «وزن» کمی پیوسته و متغیر «تعداد فرزندان» کمی گسسته است.

در گزینه «۴» هر دو متغیر «زنگ چشم» و «گروه خون» کیفی اسامی، متغیر تعداد تماس‌ها کمی گسسته و متغیر «مراحل تحصیل» کیفی ترتیبی است.

(ریاضی - آمار و احتمال، صفحه‌های ۱۵۹ تا ۱۷۰)

(میلا رمنهوری)

-۱۶۴

میزان رضایت از شغل به صورت کم، متوسط و زیاد، دسته‌بندی می‌شود و متغیر کیفی ترتیبی است، تعداد فرزندان یک خانواده، متغیر کمی گسسته، جنسیت فرد، متغیر کیفی اسامی و میزان دمای هوا، متغیر کمی پیوسته است.

(ریاضی - آمار و احتمال، صفحه‌های ۱۵۹ تا ۱۷۰)

(سروش موئینی)

-۱۶۵

پیشامد  $A \cap B$  یعنی دو عدد متمایز رو شوند و مجموع آنها یکی از اعداد ۸، ۹، ۱۰، ۱۱ و ۱۲ باشد. اعضای این پیشامد عبارت اند از:

$$A \cap B = \{(3, 5), (5, 3), (4, 5), (5, 4), (6, 4), (4, 6), (2, 6), (6, 2), (3, 6), (6, 3), (6, 5), (5, 6)\}$$

$$n(A \cap B) = 12$$

(ریاضی - آمار و احتمال، صفحه‌های ۱۴۲ تا ۱۴۶)

(همون نورائی)

-۱۶۶

فضای نمونه این آزمایش، شامل تمام حالت‌های قرار گرفتن ۶ نفر در یک ردیف است، بنابراین  $n(S) = 6!$  می‌باشد.

اگر پیشامد مورد نظر را  $A$  بنامیم، آنگاه تعداد اعضای پیشامد  $A$  مطابق شکل زیر برابر است با:



$$\bar{\varepsilon} = -N \frac{\Delta \Phi}{\Delta t} \Rightarrow \bar{I}R = -NA \cos \theta \frac{\Delta B}{\Delta t} \Rightarrow \bar{I} = \frac{-NA \cos \theta \Delta B}{R \Delta t}$$

$$\Rightarrow |\bar{I}| = \frac{500 \times 25 \times 10^{-4} \times 1}{5} \times 200 \times 10^{-4} = 5 \times 10^{-3} A = 5mA$$

(فیزیک ۲- القای الکترومغناطیسی و بیریان متناب، صفحه‌های ۱۰ تا ۱۶)

(اسعد هاین زاده)

-۱۷۴

با تغییر جریان عبوری از سیم‌وله، میدان مغناطیسی درون سیم‌وله تغییر می‌کند و به واسطه آن، شار مغناطیسی عبوری از سیم‌وله نیز تغییر می‌کند و در آن نیروی محرکه القا می‌شود.

$$B = \frac{\mu_0 NI}{l}$$

$$I_1 = 0 \rightarrow B_1 = 0$$

$$I_2 = 15mA \rightarrow B_2 = \frac{12 / 5 \times 10^{-7} \times 400 \times 16 \times 10^{-3}}{4 \times 10^{-1}} = 2 \times 10^{-5} T$$

حال با استفاده از قانون القای الکترومغناطیسی فاراده و در نظر گرفتن این نکته که خط‌های میدان مغناطیسی بر سطح حلقه‌های سیم‌وله عمود هستند، داریم:

$$\bar{\varepsilon} = -N \frac{\Delta \Phi}{\Delta t} = -NA \cos \theta \frac{\Delta B}{\Delta t}$$

$$\Rightarrow \bar{\varepsilon} = -400 \times 30 \times 10^{-4} \times 1 \times \frac{2 \times 10^{-5} - 0}{10 \times 10^{-3}} \Rightarrow |\bar{\varepsilon}| = 2 / 4 \times 10^{-3} V$$

$$\Rightarrow |\bar{\varepsilon}| = 2 / 4 mV$$

(فیزیک ۲- القای الکترومغناطیسی و بیریان متناب، صفحه‌های ۱۰ تا ۱۶)

(بیتا فورشیدر)

-۱۷۵

با حرکت میله به سمت راست، مساحت قاب بزرگتر شده و در حلقه نیروی

محرکه القا می‌شود:

$$\varepsilon = Blv = B \times 0 / 25 \times 12 = 3B \quad (V)$$

و در حلقه جریان I تولید می‌شود:

$$I = \frac{\varepsilon}{R} = \frac{3B}{0 / 6} = 5B \quad (A)$$

میله که حال یک رسانای حامل جریان است، در یک میدان مغناطیسی قرار گرفته و به آن از طرف میدان نیروی مغناطیسی وارد خواهد شد. بنابراین:

$$F = BIl \sin \theta$$

$$\Rightarrow 0 / 2 = B \times 5B \times 0 / 25 \times \sin 90^\circ \Rightarrow 0 / 2 = 1 / 25 B^2 \Rightarrow B = 0 / 4 T$$

(فیزیک ۲- القای الکترومغناطیسی و بیریان متناب، صفحه‌های ۱۰ تا ۱۶)

## فیزیک ۲

(سیوان سعیدی)

-۱۷۱

برای این که شار مغناطیسی عبوری از پیچه مسطح بیشینه باشد، باید میدان مغناطیسی بر سطح پیچه عمود باشد. اندازه میدان مغناطیسی برابر است با:

$$B = \sqrt{B_x^2 + B_y^2} = \sqrt{(-2 / 5)^2 + 6^2} \Rightarrow B = 6 / 5 G$$

$$\Rightarrow B = 6 / 5 \times 10^{-4} T$$

شار مغناطیسی بیشینه عبوری از سطح پیچه مسطح برابر است با:

$$\Phi_{max} = BA = 6 / 5 \times 10^{-4} \times \pi \times (2 \times 10^{-2})^2 = 0 / 78 \times 10^{-6} Wb$$

$$\Rightarrow \Phi_{max} = 0 / 78 \mu Wb$$

دقت کید برای تعیین شار مغناطیسی عبوری از سطح پیچه، به تعداد حلقه‌های آن نیاز نیست.

(فیزیک ۲- القای الکترومغناطیسی و بیریان متناب، صفحه‌های ۱۰ تا ۱۶)

(علیرضا کوهن)

-۱۷۲

با استفاده از قانون القای الکترومغناطیسی فاراده، داریم:

$$\bar{\varepsilon} = -N \frac{\Delta \Phi}{\Delta t} \Rightarrow \bar{\varepsilon} = -NA \cos \theta \frac{\Delta B}{\Delta t}$$

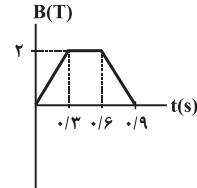
$$\xrightarrow{0 \leq t \leq 1/3s} \Rightarrow \bar{\varepsilon} = -1 \times 3 \times (50 \times 10^{-2})^2 \times \cos 0 \times \frac{\Delta B_1}{3 \times 10^{-1}}$$

$$\xrightarrow{0 / 3s < t < 0 / 6s} \Rightarrow \bar{\varepsilon} = -1 \times 3 \times (50 \times 10^{-2})^2 \times \cos 0 \times \frac{\Delta B_2}{3 \times 10^{-1}}$$

$$\xrightarrow{0 / 6s \leq t \leq 0 / 9s} \Rightarrow \bar{\varepsilon} = -1 \times 3 \times (50 \times 10^{-2})^2 \times \cos 0 \times \frac{\Delta B_3}{3 \times 10^{-1}}$$

$$\begin{cases} \Delta B_1 = 2T \\ \Delta B_2 = 0 \\ \Delta B_3 = -2T \end{cases}$$

با این توضیحات داریم:



(فیزیک ۲- القای الکترومغناطیسی و بیریان متناب، صفحه‌های ۱۰ تا ۱۶)

(محمد راست پیمان)

-۱۷۳

چون آهنگ تغییرات میدان مغناطیسی ثابت است، با استفاده از قانون القای الکترومغناطیسی فاراده، می‌توان نوشت:

(بینا فورشید)

-۱۷۹

القاگر ایده‌آل است یعنی مقاومت درونی آن صفر است. انرژی ذخیره شده در القاگر از رابطه  $\frac{1}{2}LI^2 = \frac{1}{2}LI^2$  محاسبه می‌شود. برای استفاده از این رابطه باید

جريان عبوری از القاگر را قبل و بعد از وصل کلید در مدار به دست آوریم. قبل از وصل کلید داریم:

$$R_{eq} = \frac{6+3}{6+3} = 2\Omega$$

$$I = \frac{\varepsilon}{R_{eq} + r} = \frac{15}{2+1} = 5A$$

$$I_L = \frac{6}{3+6} \times 5 = \frac{10}{3} A$$

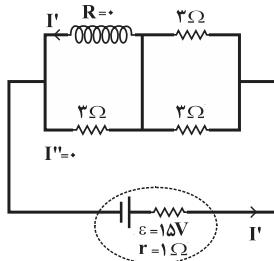
$$\Rightarrow U = \frac{1}{2} \times 0 / 9 \times 10^{-3} \times \left( \frac{10}{3} \right)^2 = 5 \times 10^{-3} J = 5mJ$$

$$R'_{eq} = \frac{3}{2} = 1.5\Omega$$

بعد از وصل کلید داریم:

$$I' = \frac{\varepsilon}{R'_{eq} + r} = \frac{15}{1.5+1} = 6A$$

$$\Rightarrow U' = \frac{1}{2} \times 0 / 9 \times 10^{-3} \times (6)^2 = 16 / 2 \times 10^{-3} J = 16 / 2 mJ$$



$$\Delta U = U' - U = 16 / 2 - 5 = +11 / 2 mJ$$

(فیزیک ۲- الای اکترومغناطیسی و جریان متداول، صفحه‌های ۱۳۱ و ۱۳۲)

(عبدالرضا امینی نسب)

-۱۸۰

با توجه به نمودار ملاحظه می‌کنید که بیشینه جریان مدار  $10A$  می‌باشد و

$$I_{max} = 10A \quad \text{عدد } 15 \text{ بر روی محور افقی (زمان) برابر } \frac{3T}{4} \text{ می‌باشد.}$$

$$\frac{3T}{4} = 15 \Rightarrow 3T = 60 \Rightarrow T = 20s$$

$$\Rightarrow \frac{2\pi}{T} = \frac{2\pi}{20} = 0 / 1\pi \frac{\text{rad}}{\text{s}}$$

معادله جریان متداول به صورت  $I = I_{max} \sin\left(\frac{2\pi}{T}t\right)$  می‌باشد. بنابراین:

$$I = 10 \sin(0 / 1\pi t)$$

(فیزیک ۲- الای اکترومغناطیسی و جریان متداول، صفحه‌های ۱۳۱ و ۱۳۲)

(مسنون قندپلر)

-۱۷۶

با استفاده از قانون الای اکترومغناطیسی فاراده و در نظر گرفتن این نکته که دو ثانیه دوم بازه زمانی بین  $t_1 = 2s$  تا  $t_2 = 4s$  است، داریم:

$$B = \frac{1}{2} t^2 + 4t \Rightarrow \begin{cases} t_1 = 2s \rightarrow B_1 = \frac{1}{2} \times 2^2 + 4 \times 2 \Rightarrow B_1 = 10T \\ t_2 = 4s \rightarrow B_2 = \frac{1}{2} \times 4^2 + 4 \times 4 \Rightarrow B_2 = 24T \end{cases}$$

$$|\bar{\varepsilon}| = \left| -N \frac{\Delta \Phi}{\Delta t} \right| = \left| -NA \cos \theta \frac{\Delta B}{\Delta t} \right|$$

$$\Rightarrow |\bar{\varepsilon}| = \left| -200 \times 40 \times 10^{-4} \times 1 \times \frac{24 - 10}{4 - 2} \right| \Rightarrow |\bar{\varepsilon}| = 5 / 6 V$$

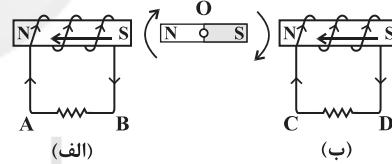
(فیزیک ۲- الای اکترومغناطیسی و جریان متداول، صفحه‌های ۱۱۰ تا ۱۱۶)

(عبدالرضا امینی نسب)

-۱۷۷

هنگامی که آهنربا از وضعیت نشان داده شده در جهت ساعتگرد شروع به چرخش می‌کند، باعث تغییر شار مغناطیسی عبوری از سیم‌لوله‌ها می‌شود و در نتیجه در آن‌ها جریان الای می‌شود که طبق قانون لنز با اثرات مغناطیسی خود، با تغییر شار مغناطیسی مخالفت کند. با این توضیحات در لحظه شروع به چرخیدن آهنربا، سمت راست سیم‌لوله (الف) قطب S و سمت چپ سیم‌لوله

(ب) قطب N خواهد شد تا از چرخش آهنربا و تغییر شار مغناطیسی جلوگیری کند.



اکنون به کمک قاعدة دست راست، جهت جریان الای هر سیم‌لوله که باعث

ایجاد چنین قطب‌هایی در سیم‌لوله می‌شود را تعیین می‌کنیم. بنابراین جریان از B به A و از D به C خواهد بود.

(فیزیک ۲- الای اکترومغناطیسی و جریان متداول، صفحه‌های ۱۱۷ و ۱۱۸)

(سراسری ریاضی - ۹۶)

-۱۷۸

$$\text{در مبدل آرمانی رابطه } \frac{N_2}{N_1} = \frac{V_2}{V_1} \text{ برقرار است، بنابراین داریم:}$$

$$\left\{ \begin{array}{l} K_A = \frac{N_2}{N_1} = \frac{V_2}{V_1} = \frac{400000}{10000} \Rightarrow K_A = 40 \\ K_B = \frac{N'_2}{N'_1} = \frac{V'_2}{V'_1} = \frac{5000}{400000} \Rightarrow K_B = \frac{1}{80} \end{array} \right.$$

$$\frac{K_A}{K_B} = \frac{40}{\frac{1}{80}} \Rightarrow \frac{K_A}{K_B} = 3200$$

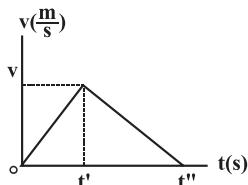
(فیزیک ۲- الای اکترومغناطیسی و جریان متداول، صفحه‌های ۱۲۶ و ۱۲۷)



(بینا فورشید)

-۱۸۳

نمودار سرعت - زمان حرکت متوجه را رسم می کنیم.

در مرحله حرکت با شتاب تندشونده  $\frac{m}{s^2}$ ، داریم:

$$v = at + v_0 \Rightarrow v = 4 \times t' + 0 \Rightarrow t' = \frac{v}{4}$$

در مرحله حرکت با شتاب کندشونده  $\frac{m}{s^2}$ ، داریم:

$$v' = at' + v_0 \Rightarrow 0 = (-2)(t'' - t') + v$$

$$\frac{t' = \frac{v}{4}}{t'' = \frac{3v}{4}}$$

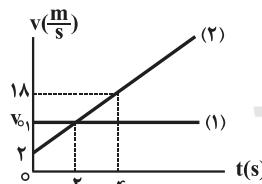
مساحت بین نمودار سرعت - زمان و محور زمان برابر با جابه جایی متوجه است، بنابراین:

$$s = \Delta x \Rightarrow \frac{v \times t''}{2} = 13 / 5 \Rightarrow \frac{3v^2}{8} = 13 / 5 \Rightarrow v = 6 \frac{m}{s}$$

(فیزیک ۳- حرکت بر فقط راست، صفحه های ۱۵ تا ۲۱)

(امیرحسین میوزی)

-۱۸۴



متوجه (۱) با سرعت ثابت حرکت می کند، از این رو سرعتش هنگام سبقت

متوجه (۲) از آن، همان سرعت اولیه اش است ( $v_0$ ). با استفاده از تشابه مثلاًها و این نکته که مساحت بین نمودار سرعت - زمان و محور زمان برابر با اندازه جابه جایی است، می توان نشان داد وقتی نمودار سرعت زمان دو متوجه (۱) و (۲) در لحظه  $2s$  با هم برخورد می کند، متوجه ها در لحظه  $4s$  به هم می رستند، طبق رابطه  $v = at + v_0$ ، سرعت متوجه (۲) در لحظه  $t = 4s$  برابر است با:

$$v = at + v_0 \xrightarrow{a=4 \frac{m}{s^2}} v = 4 \times 4 + 2 = 18 \frac{m}{s}$$

(فیزیک ۳- حرکت بر فقط راست، صفحه های ۱۵ تا ۲۱)

(علیرضا یاور)

-۱۸۱

چون متوجه ک طی این مدت تغییر جهت نمی دهد و سرعت متوسط آن در دو ثانیه دوم کمتر از دو ثانیه اول است، پس حرکت متوجه کندشونده است.

بنابراین اگر سرعت در لحظه  $t = 0$  برابر با  $v_0$  باشد، داریم:

$$v_2 = at_2 + v_0 = (-2) \times 2 + v_0 \Rightarrow v_2 = v_0 - 4 \left( \frac{m}{s} \right)$$

$$v_4 = at_4 + v_0 = (-2) \times 4 + v_0 \Rightarrow v_4 = v_0 - 8 \left( \frac{m}{s} \right)$$

با استفاده از تعریف سرعت متوسط در حرکت با شتاب ثابت، داریم:

$$v_{av} = \frac{v_1 + v_2}{2}$$

$$(v_{av})_{0-2} = \frac{v_0 + v_0 - 4}{2} = v_0 - 2 \left( \frac{m}{s} \right)$$

$$(v_{av})_{2-4} = \frac{v_0 - 4 + v_0 - 8}{2} = v_0 - 6 \left( \frac{m}{s} \right)$$

$$(v_{av})_{0-4} = \frac{1}{2}(v_{av})_{0-2} \Rightarrow v_0 - 6 = \frac{1}{2}(v_0 - 2) \Rightarrow v_0 = 10 \frac{m}{s}$$

(فیزیک ۳- حرکت بر فقط راست، صفحه های ۱۵ تا ۲۱)

(سیدعلی میرنوری)

-۱۸۲

در ابتدا معادله حرکت متوجه ک را که در واقع معادله یک سهمی است،

می نویسیم:

$$x = A(t - 4)^2 \Rightarrow x = A(t^2 - 8t + 16)$$

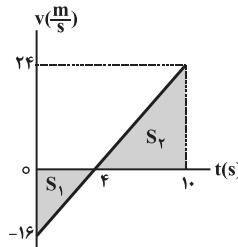
$$\xrightarrow[t=\infty]{x=32m} 32 = A \times 16 \Rightarrow A = 2$$

بنابراین معادله مکان - زمان حرکت متوجه ک برابر است با:

$$x = 2t^2 - 16t + 32 \Rightarrow v = 4t - 16 \begin{cases} \xrightarrow{t=0} v_0 = -16 \frac{m}{s} \\ \xrightarrow{t=10s} v_{10} = 24 \frac{m}{s} \end{cases}$$

با رسم نمودار سرعت - زمان و توجه به این نکته که مسافت طی شده برابر با مجموع اندازه مساحت های بین نمودار سرعت - زمان و محور زمان است،

$$s_{av} = \frac{\ell}{\Delta t} = \frac{S_1 + S_2}{\Delta t} = \frac{32 + 72}{10} = 10 / 4 \frac{m}{s}$$



(فیزیک ۳- حرکت بر فقط راست، صفحه های ۱۵ تا ۲۱)



(مسئلۀ قندرپلر)

-۱۸۸

شخص A در حالت اول دارای حرکت تندشونده رو به بالا بوده است.  
بنابراین داریم:

$$F_N = m_A(g + a) \Rightarrow 500 = 40 \times (10 + a) \Rightarrow a = 2 / 5 \text{ m/s}^2$$

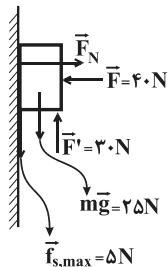
در حالت دوم، شخص B دارای حرکت رو به پایین و کندشونده (چون تندی کاهش یافته) است یعنی شتاب رو به بالاست. بنابراین:

$$F'_N = m_B(g + a) \Rightarrow F'_N = 60 \times (10 + 2 / 5) = 750 \text{ N}$$

(فیزیک ۳- دینامیک و حرکت دایره‌ای، صفحه‌های ۳۰ تا ۳۷)

(بیتا فورشیدر)

-۱۸۹



اگر نیروهای وارد به جسم را رسم کنیم، متوجه می‌شویم اگر اصطکاک نباشد، جسم به طرف بالا حرکت خواهد کرد. پس چون جسم در آستانه حرکت است، نیروی اصطکاک ایستایی بیشینه به طرف پایین است و مانع حرکت جسم به طرف بالا می‌شود. در راستای قائم داریم:

$$(F_{net})_y = 0 \Rightarrow F' - f_{s,max} - mg = 0 \Rightarrow f_{s,max} = 30 - 25 = 5 \text{ N}$$

(F<sub>net</sub>)<sub>x</sub> = 0 ⇒ F - F<sub>N</sub> = 0 ⇒ F<sub>N</sub> = 40 N در راستای افقی داریم:

$$f_{s,max} = \mu_s F_N \Rightarrow 5 = \mu_s \times 40 \Rightarrow \mu_s = \frac{1}{8}$$

(فیزیک ۳- دینامیک و حرکت دایره‌ای، صفحه‌های ۳۰ تا ۳۷)

(بابک اسلامی)

-۱۹۰

با استفاده از قانون هوک و نمودار، داریم:

$$F_e = kx \Rightarrow \frac{(F_e)_Y}{(F_e)_1} = \frac{k_Y}{k_1} \times \frac{x_Y}{x_1}$$

$$\frac{x_1 = x_Y}{\frac{F_e}{F_e}} \Rightarrow \frac{F_e}{F_e} = \frac{k_Y}{k_1} \times 1 \Rightarrow \frac{k_Y}{k_1} = 3$$

زمانی که انتهای هر دو فنر جسمی به جرم m را آویزان می‌کنیم، بعد از ایجاد تعادل، داریم:

$$F'_e = kx' \Rightarrow \frac{(F'_e)_Y}{(F'_e)_1} = \frac{k_Y}{k_1} \times \frac{x'_Y}{x'_1}$$

$$\frac{(F'_e)_Y = (F'_e)_1 = mg}{1 = 3 \times \frac{x'_Y}{x'_1}} \Rightarrow \frac{x'_Y}{x'_1} = \frac{1}{3}$$

(فیزیک ۳- دینامیک و حرکت دایره‌ای، صفحه‌های ۳۰ و ۳۷)

(بیتا فورشیدر)

-۱۸۵

با استفاده از معادله سقوط آزاد و در نظر گرفتن محل رها شدن گلوله به عنوان مبدأ مکان، داریم:

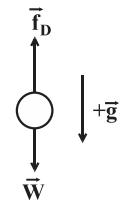
$$y = -\frac{1}{2}gt^2 + y_0 \Rightarrow \begin{cases} -h = -\frac{1}{2}gt^2 \\ -(h - 21) = -\frac{1}{2}g(0 / 4t)^2 \end{cases}$$

$$\Rightarrow \frac{h}{h - 21} = \left(\frac{t}{0 / 4t}\right)^2 \Rightarrow h = 25m$$

(فیزیک ۳- حرکت بر قطع راست، صفحه‌های ۲۱ تا ۲۴)

(علیرضا کومنه)

-۱۸۶



اگر جهت مثبت محور y ها را رو به پایین فرض کنیم، با استفاده از قانون دوم نیوتون خواهیم داشت:

$$(F_{net})_y = ma \Rightarrow W - f_D = ma \Rightarrow \begin{cases} 0 / 2 \times 10 - 0 / 5 = 0 / 2a_A \\ 0 / 5 \times 10 - 0 / 5 = 0 / 5a_B \end{cases}$$

$$\Rightarrow a_A = \frac{15}{2} \text{ m/s}^2, a_B = \frac{9}{5} \text{ m/s}^2$$

بنابراین:

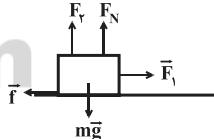
$$\frac{a_A}{a_B} = \frac{\frac{15}{2}}{\frac{9}{5}} = \frac{5}{6}$$

(فیزیک ۳- دینامیک و حرکت دایره‌ای، صفحه‌های ۳۰ تا ۳۷)

(زهره آخامحمدی)

-۱۸۷

ابتدا تمام نیروهای وارد بر جسم را رسم می‌کیم.



در راستای قائم داریم:

$$F_N + F_Y - mg = 0 \Rightarrow F_N = 5 \times 10 - 20 \Rightarrow F_N = 30 \text{ N}$$

اندازه نیروی اصطکاک ایستایی در آستانه حرکت برابر است با:

$$f_{s,max} = \mu_s F_N = 0 / 6 \times 30 = 18 \text{ N}$$

چون  $F_I > f_{s,max}$  است، پس جسم در راستای افقی شروع به حرکت می‌کند و نیروی اصطکاک وارد بر جسم، نیروی اصطکاک جنبشی است.

$$f_k = \mu_k F_N = 0 / 5 \times 30 = 15 \text{ N}$$

از طرف سطح دو نیروی عمود بر هم اصطکاک جنبشی و عمودی سطح بر جسم وارد می‌شود که اندازه برایند آنها برابر است با:

$$R = \sqrt{f_k^2 + F_N^2} = \sqrt{15^2 + 30^2} = 15\sqrt{5} \text{ N}$$

(فیزیک ۳- دینامیک و حرکت دایره‌ای، صفحه‌های ۳۰ تا ۳۷)



$$\xrightarrow{(*)} \frac{H_2}{H_1} = \left( \frac{L_1}{L_2} \right)^2 \xrightarrow{(**)} \frac{H_2}{H_1} = \left( \frac{D_1}{D_2} \right)^4$$

$$\frac{D_2 = \frac{1}{2} D_1}{\xrightarrow{\quad}} \frac{H_2}{H_1} = \frac{1}{16}$$

(فیزیک - دما و گرما، صفحه‌های ۱۳۶ تا ۱۳۷)

(سیدعلی میرنوری)

-۱۹۴

در ابتدا تعداد مول‌های کل گاز را می‌یابیم:

$$PV = nRT \Rightarrow 2 \times 10^5 \times 36 \times 10^{-3} = n \times 8 \times 300 \Rightarrow n = 3 \text{ mol}$$

طبق اصل پایستگی جرم، داریم:

$$n = n_A + n_B \Rightarrow 3 = \frac{m_A}{32} + \frac{m_B}{4} \Rightarrow m_A + 8m_B = 96 \quad (1)$$

$$m_A + m_B = 33 \quad (2)$$

از طرفی داریم:

$$m_A = 24g, m_B = 9g$$

با حل هم‌زمان معادله‌های (1) و (2) داریم:

$$m_A - m_B = 24 - 9 = 15g$$

بنابراین:

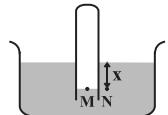
(فیزیک - دما و گرما، صفحه‌های ۱۳۶ تا ۱۳۷)

(شادمان ویسن)

-۱۹۵

زمانی که لوله هنوز در جیوه قرار ندارد، فشار هوای درون آن با فشار هوای محیط برابر است. زمانی که نیمی از لوله را به‌طور قائم وارد جیوه می‌کنیم، با استفاده از برابری فشار در نقاط هم‌تراز یک مایع ساکن، داریم:

$$P_M = P_N \Rightarrow P_2 = P_1 + x = (75 + x) \text{ cmHg}$$



$PV =$  ثابت

با استفاده از قانون بویل - ماریوت، داریم:

$$\Rightarrow P_1 V_1 = P_2 V_2 \Rightarrow P_1 L_1 A = P_2 L_2 A$$

$$\Rightarrow 75 \times 100 = (75 + x) \times (50 + x)$$

$$\Rightarrow 75 \times 100 = 75 \times 50 + 125x + x^2 \Rightarrow x^2 + 125x - 3750 = 0$$

$$\Rightarrow (x - 25)(x + 150) = 0 \Rightarrow \begin{cases} x = 25 \text{ cm} \\ x = -150 \text{ cm} \end{cases}$$

(فیزیک - دما و گرما، صفحه‌های ۱۳۶ تا ۱۳۷)

## فیزیک ۱

(زهره آقامحمدی)

-۱۹۱

می‌دانیم در شرایط یکسان، هر جسمی که ضریب انبساط طولی بزرگتر دارد، در اثر تغییرات دما، تغییر طول بیشتری دارد. با توجه به شکل صورت سوال، چون افزایش طول فلز بالای بیشتر است، پس  $\alpha$  بزرگتر دارد.

اگر از این فلز با  $\frac{1}{K} = 2 / 5 \times 10^{-5}$ ,  $\alpha_1 = 2 / 5 \times 10^{-5}$ , ورقه‌ای بسازیم، مساحت نهایی ورقه پس از افزایش دما از رابطه زیر به دست می‌آید:

$$A_2 = A_1 (1 + 2\alpha_1 \Delta \theta) = 40 \times (1 + 2 \times 2 / 5 \times 10^{-5} \times 100) = 40 / 2 \text{ cm}^2$$

(فیزیک - دما و گرما، صفحه‌های ۹۶ تا ۹۷)

(سعید شرق)

-۱۹۲

چون در نهایت نیمی از بخش باقی خواهد ماند، بنابراین مخلوط آب و بخش خواهیم داشت و دمای تعادل نهایی صفر درجه سلسیوس خواهد بود. اگر جرم بخش اولیه برابر با بخش  $m$  باشد، داریم:

$$Q_1 + Q_2 = 0$$

$$\Rightarrow m_A c \Delta \theta + \frac{m_{\text{بخار}}}{2} L_F = 0$$

$$\Rightarrow 2 \times 4200 \times (-10) + \frac{m_{\text{بخار}}}{2} \times 336 \times 10^3 = 0$$

$$\Rightarrow m_{\text{بخار}} = 0 / 5 \text{ kg} = 500 \text{ g}$$

(فیزیک - دما و گرما، صفحه‌های ۱۴۰ تا ۱۴۱)

(سیدجلال میری)

-۱۹۳

چون حجم میله استوانه‌ای ثابت است، داریم:

$$V_1 = V_2 \Rightarrow A_1 L_1 = A_2 L_2 \Rightarrow \frac{L_1}{L_2} = \frac{A_2}{A_1} \quad (*)$$

$$\xrightarrow{A = \frac{\pi D^2}{4}} \frac{L_1}{L_2} = \left( \frac{D_2}{D_1} \right)^2 \quad (**)$$

حال با استفاده از رابطه آهنگ رسانش گرمایی، داریم:

$$H = \frac{Q}{t} = k \frac{A(T_H - T_L)}{L} \Rightarrow \frac{H_2}{H_1} = \frac{A_2}{A_1} \times \frac{L_1}{L_2}$$



چون فرایند  $bc$  فرایندی هم‌دما است، پس تغییر انرژی درونی آن صفر است. بنابراین:

$$\Delta U_{abc} = \Delta U_{ab}$$

می‌دانیم که تغییر انرژی درونی در تمام فرایندها برابر با  $\Delta U = nC_V \Delta T$  است. ابتدا دمای گاز در حالت  $a$  را محاسبه می‌کنیم. چون فرایند  $ab$  هم‌فشار است، پس خواهیم داشت:

$$\frac{V_a}{T_a} = \frac{V_b}{T_b} \Rightarrow \frac{1}{T_a} = \frac{4}{400} \Rightarrow T_a = 100\text{K}$$

$$\Delta U_{abc} = \Delta U_{ab} = 0 / 5 \times \frac{3}{2} \times 8 \times (400 - 100) = 1800\text{J}$$

(فیزیک ا- ترمودینامیک، صفحه‌های ۱۴۷ تا ۱۵۷)

(امپرسین مفتوحی)

با استفاده از رابطه بازده ماشین گرمایی کارنو، داریم:

$$\eta_{کارنو} = 1 - \frac{T_L}{T_H} = \frac{T_H - T_L}{T_H}$$

$$\Rightarrow \frac{\eta'_{کارنو}}{\eta_{کارنو}} = \frac{T'_H - T'_L}{T_H - T_L} \times \frac{T_H}{T'_H}$$

$$\frac{T'_H = T_H - T}{T'_L = T_L - T} \rightarrow \frac{\eta'_{کارنو}}{\eta_{کارنو}} > 1 \Rightarrow \frac{T_H - T - T_L + T}{T_H - T_L} \times \frac{T_H}{T_H - T} = \frac{T_H}{T_H - T}$$

$$\Rightarrow \frac{\eta'_{کارنو}}{\eta_{کارنو}} > \eta_{کارنو} \Rightarrow \eta'_{کارنو} > \eta_{کارنو}$$

(فیزیک ا- ترمودینامیک، صفحه‌های ۱۶۵ و ۱۶۶)

(علیرضا کوته)

موتور یخچال گرمای  $Q_L = 2 \times 10^6\text{J}$  را از محیط داخل یخچال گرفته و

با انجام کار  $W$ ، گرمای  $|Q_H| = ۳ / ۲ \times 10^6\text{J}$  را به محیط بیرون می‌دهد.

با استفاده از قانون اول ترمودینامیک در چرخه یک یخچال، داریم:

$$|Q_H| = W + Q_L \Rightarrow ۳ / ۲ \times 10^6 = W + 2 \times 10^6$$

$$\Rightarrow W = ۱ / ۲ \times 10^6\text{J}$$

$$P = \frac{W}{t} = \frac{1 / ۲ \times 10^6}{60} = ۲۰ \times 10^3\text{W} = ۲۰\text{kW}$$

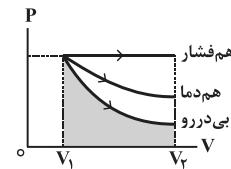
بنابراین:

(فیزیک ا- ترمودینامیک، صفحه‌های ۱۶۶ تا ۱۶۹)

(ممدر راست پیمان)

-۱۹۶

سطح بین نمودار  $P - V$  و محور حجم، معرف اندازه کار انجام شده روی محیط است.



با توجه به نمودار، مساحت بین نمودار  $P - V$  و محور حجم در فرایند بی‌دررو کمترین مقدار در بین فرایندهای ذکر شده است و بنابراین کمترین اندازه کار طی فرایند بی‌دررو روی محیط انجام خواهد شد.

(فیزیک ا- ترمودینامیک، صفحه‌های ۱۴۷ تا ۱۵۷)

-۱۹۷

در فرایند هم‌دما  $a$ ، تغییرات انرژی درونی برابر با صفر است، پس:

$$\Delta U_a = 0 \Rightarrow W_a + Q_a = 0 \Rightarrow W_a = -Q_a$$

طی این فرایند کاهش حجم صورت گرفته، پس  $W_a < 0$  است. بنابراین  $W_a = +1000\text{J}$  است.

در فرایند  $b$  افزایش حجم صورت گرفته است، بنابراین  $W_b < 0$  است. در فرایند هم‌دما  $a$  داریم:

$$P_1 V_1 = P_2 V_2$$

$$\Rightarrow 4 \times 9 = P_2 \times 3 \Rightarrow P_2 = 12\text{atm}$$

مساحت زیر منحنی برای فرایند  $b$  برابر با اندازه کار در این فرایند است:

$$|W_b| = \frac{(12 + 4) \times 10^5 \times (9 - 3) \times 10^{-3}}{2} = 4800\text{J} \Rightarrow W_b = -4800\text{J}$$

بنابراین برای کل چرخه، داریم:

$$W_{چرخه} = W_b + W_a = -4800 + 1000 = -3800\text{J}$$

(فیزیک ا- ترمودینامیک، صفحه‌های ۱۴۲ تا ۱۵۱)

-۱۹۸

تغییر انرژی درونی گاز در کل فرایند  $abc$  برابر است با:

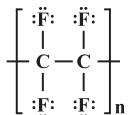
$$\Delta U_{abc} = \Delta U_{ab} + \Delta U_{bc}$$



گزینه «۲»: درست. فرمول واحد تکرار شونده هر دو به صورت



گزینه «۳»، نادرست. با توجه به شکل زیر این نسبت برابر ۶ است.



گزینه «۴»: درست.

(شیمی ۲، صفحه ۱۰۵)

(محمدحسن محمدزاده مقدم)

-۲۰۵

پلی‌اتن سبک شفاف و پلی‌اتن سنگین کدر است. چگالی پلی‌اتن سنگین حدود  $0.97\text{ g/cm}^3$  بر سانتی‌متر مکعب بوده و از چگالی آب کمتر است. برای تولید لوله‌های انتقال آب از پلی‌اتن سنگین استفاده می‌شود.

(شیمی ۲، صفحه‌های ۱۰۶ و ۱۰۷)

(محمدحسن محمدزاده مقدم)

-۲۰۶

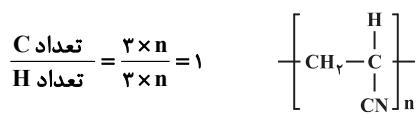
بررسی عبارت‌ها:

الف) درست: با توجه به شکل صفحه ۱۰۰ ساختار سلولز خطی و با توجه به شکل صفحه ۱۰۱ ساختار نشاسته مارپیچ است. مولکول سازنده این دو ماده گلوکز نام دارد.

ب) نادرست: با توجه به شکل صفحه ۱۰۱، مولکول سازنده روغن زیتون، استر سه عاملی است.

پ) نادرست: به واکنش دهنده‌ای که در واکنش پلیمری شدن شرکت می‌کنند تک‌پار (نه هم‌پار!) می‌گویند.

ت) درست. با توجه به ساختار پلی‌سیانواتن (صفحه ۱۰۴) تعداد اتم‌های هیدروژن و کربن در هر واحد تکرار شونده برابر ۳ است. پس نسبت آنها برابر ۱ است.



(شیمی ۲، صفحه‌های ۱۰۱ تا ۱۰۴)

(سعید نوری)

-۲۰۱

پلی‌اتن نشاسته به دلیل آنکه از تعداد بسیار زیادی اتم در ساختار خود تشکیل شده‌اند، درشت مولکول هستند. پلی‌اتن از اتم‌های H و C تشکیل شده در حالی که در نشاسته اتم‌های H، C و O وجود دارد.

(شیمی ۲، صفحه‌های ۱۰۰ تا ۱۰۱)

(میلار شیخ‌الاسلامی فیاوی)

-۲۰۲

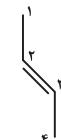
- ۱) پلی‌لاکتیک اسید نوعی پلی‌استر است. در حالی که، لاکتیک اسید یک کربوکسیلیک اسید بوده و در شیر ترش شده وجود دارد.
- ۲) ویتامین (ث) و متابوئیک اسید به دلیل داشتن گروه  $\text{OH}$  در ساختار خود، قابلیت تشکیل پیوند هیدروژنی با مولکول‌های آب را دارد.
- ۳) تمام ترکیب‌های آئی قابلیت پلیمر شدن ندارد. مانند: متان، اتان و ...
- ۴) پلی‌لاکتیک اسید، یک پلیمر زیست تخریب پذیر است.

(شیمی ۲، صفحه‌های ۱۰۴، ۱۰۹، ۱۱۱ و ۱۱۹)

(مهدی محمدی)

-۲۰۳

با توجه به ساختار پلیمر، خط‌چین‌ها در شکل زیر نشان دهنده واحد تکرار شونده به شکل  است. پس مونومر آن باید پیوند دوگانه داشته باشد:



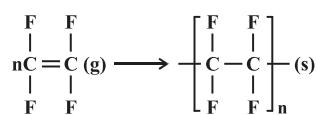
نام‌گذاری ترکیب فوق به صورت ۲-بوت ا است.

(شیمی ۲، صفحه‌های ۱۰۲ تا ۱۰۵)

(میکائیل غراوی)

-۲۰۴

واکنش پلیمری شدن تترافلورواتن به صورت زیر است:



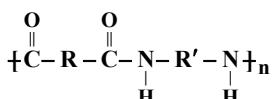
گزینه «۱»: با توجه به ساختار مونومر، درست است.



(شیمی ۲، صفحه‌های ۱۳۰ و ۱۳۵)

-۲۰۹

واحد تکرار شونده در پلی‌آمیدها به صورت زیر است:



(شیمی ۲، صفحه‌های ۱۳۰ و ۱۳۵)

(مهدی محسن مهدیزاده مقدم)

-۲۱۰

بررسی تمام عبارت‌ها:

(الف) نادرست: این ترکیب فاقد گروه اتری است. توجه شود -  
 $\text{O} \parallel \text{C}-\text{O}-$  گروه استری است.

ب) نادرست: در این ساختار ۷ جفت الکترون ناپیوندی وجود دارد.

پ) درست. به علت وجود حلقه بنزنی (hexagon) یک ترکیب آروماتیک محسوب می‌شود.

ت) درست: پیوند هیدروژنی بین H متصل به O، N و F از یک مولکول و اتم O، N و F از یک مولکول دیگر برقرار می‌شود. هیدروژن گروه هیدروکسیل قابلیت برقراری پیوند هیدروژنی دارد.

(شیمی ۲، صفحه‌های ۱۰۷ تا ۱۰۵)

### شیمی ۲ (آزمون گواه)

(سوال ۱۸۵۶ کتاب آین)

-۲۱۱

بررسی عبارت نادرست:

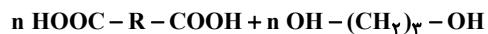
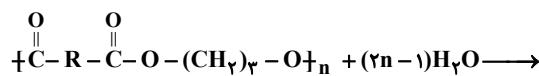
آ): همه درشت‌مولکول‌ها جزء پلیمرها محسوب نمی‌شوند. پلیمرها دسته‌ای از درشت‌مولکول‌ها هستند که از واحدهای تکرار شونده در ساختار خود تشکیل شده‌اند.

(شیمی ۲، صفحه‌های ۱۰۰ تا ۱۰۴)

(مهدی محسن مهدیزاده مقدم)

-۲۰۷

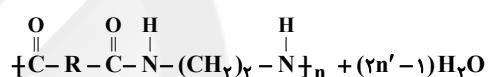
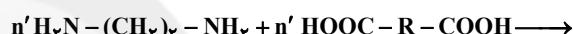
و اکتش تجزیه پلی‌استر به صورت زیر است:



$$\frac{\text{دی اکل mol}}{\text{دی اکل g}} \times \frac{۱}{۲۶} = \text{دی اسید mol}$$

$$\frac{\text{دی اسید mol}}{\text{دی اکل mol}} = \frac{\text{دی اسید mol}}{\text{دی اکل mol}} / ۲۵$$

و اکتش تولید پلی‌آمید به صورت زیر است:



$$\frac{\text{پلی آمید mol}}{\text{دی اسید mol}} \times \frac{۱}{۲۵} = \frac{\text{پلی آمید mol}}{\text{دی اسید mol}} \times \frac{۵۰}{۱۰۰}$$

$$= ۱ / ۲۵ \times 10^{-4} \text{ mol}$$

(شیمی ۲، صفحه‌های ۱۱۲ تا ۱۱۵)

(مهدی محسن مهدیزاده مقدم)

-۲۰۸

بررسی گزینه‌های نادرست:

گزینه «۱»: الکل سازنده استر موز  $\text{C}_5\text{H}_{11}\text{OH}$  و کربوکسیلیک اسید سازنده استر انگور  $\text{C}_7\text{H}_{14}\text{O}_2$  است.

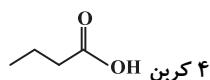
گزینه «۳»: الکل سازنده استر آناناس اتانول و الکل سازنده استر سیب مثانول است.

گزینه «۴»: استر آناناس اتیل بوتانوات با ۶ اتم کربن و استر سازنده موز پنتیل اتانوات با ۷ اتم کربن است.

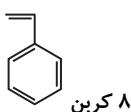
(شیمی ۲، صفحه‌های ۱۱۲ و ۱۱۳)



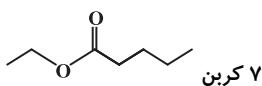
بوتانوئیک اسید



استرین (۴)



اتیل پتانوات



(شیمی ۲، صفحه‌های ۱۱۳ و ۱۱۴)

(سوال ۱۹۰ کتاب آی)

-۲۱۵

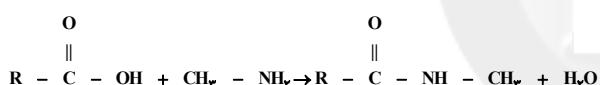
فرمول مولکولی ترکیب ارائه شده،  $C_{18}H_{21}NO_3$  است.

(شیمی ۲، صفحه‌های ۱۰۸ تا ۱۱۴)

(سوال ۱۹۱ کتاب آی)

-۲۱۶

واکنش مورد نظر به صورت زیر است:



ابتدا مول کربوکسیلیک اسید مصرفی را به دست می‌آوریم:

$$\frac{1 \text{ mol } CH_3NH_2}{1/55 \text{ g } CH_3NH_2} \times \frac{1 \text{ mol } CH_3NH_2}{31 \text{ g }} = 0.05 \text{ mol}$$

$$\times \frac{1 \text{ mol RCOOH}}{1 \text{ mol } CH_3NH_2} = 0.05 \text{ mol}$$

جرم مولی کربوکسیلیک اسید را از روی جرم داده شده و مول محاسبه شده به دست می‌آوریم:

$$\frac{5/1}{0/05} = 10.2 \text{ g/mol}$$

فرمول کلی کربوکسیلیک اسیدها  $C_nH_{2n}O_2$  است:

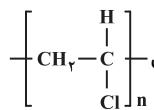
$$10.2 = 12n + 2n + 32 \Rightarrow n = \frac{70}{14} = 5$$

کربوکسیلیک اسید مربوطه پنتانویک اسید بوده است. پس ساختار آمید باید در بخش مربوط به اسید، دارای ۵ کربن باشند.

(شیمی ۲، صفحه‌های ۱۱۳ و ۱۱۵)

(سوال ۱۸۶ کتاب آی)

-۲۱۲



پلیمر نشان داده شده پلی وینیل کلرید است که به شکل  $(\text{CH}_2=\text{CH})_n$  جفت  $\text{Cl}:$  است؛ در نتیجه به ازای هر واحد تکرارشونده الکترون پیوندی و ۳ جفت الکترون ناپیوندی (اطراف هر  $\text{Cl}$ ) وجود دارد. ۲

 $\frac{6}{3}$ 

(شیمی ۲، صفحه ۱۰۴)

-۲۱۳

(سوال ۱۸۷ کتاب آی)

نوعی از پلی‌اتن که چگالی کمتری داشته و شفاف است به پلی‌اتن سبک معروف است. در حالی که پلی‌اتن سنتگین چگالی بیشتری داشته و کدر است.

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه‌ی «۱»: پلی‌اتن به دو صورت شاخه‌دار و بدون شاخه وجود دارد.

گزینه‌ی «۲»: پلی‌اتن سبک، چگالی کمتری دارد و شفاف است، در حالی که پلی‌اتن سنتگین، چگال‌تر و با مقدار شفافیت کمتر است.

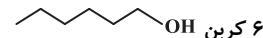
گزینه‌ی «۴»: باقته‌های تجربی نشان داده که اتن در شرایط گوناگون، با انجام واکنش پلیمری شدن فراورده‌هایی با ساختار متفاوت پدید می‌آورد.

(شیمی ۲، صفحه‌های ۱۰۶ و ۱۰۷)

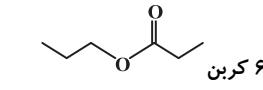
(سوال ۱۹۰ کتاب آی)

-۲۱۴

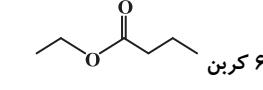
۱- هگزانول (۱)



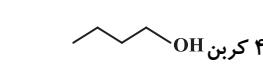
پروپیل پروپانوات



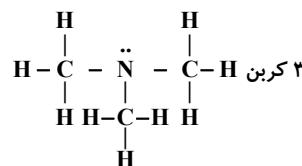
اتیل بوتانوات (۲)



۱- بوتانول :



تری متیل آمین (۳)





(سؤال ۱۹۶۴ کتاب آبی)

-۲۱۹

در اثر آبکافت، استر به الکل و اسید آلی سازنده‌اش تبدیل می‌شود. قسمتی از

هر استر که با اکسیژن پیوند دوگانه و با اکسیژن دیگر پیوند یگانه دارد.

مربوط به اسید آلی سازنده آن و قسمتی که تنها با یک اکسیژن پیوند یگانه

دارد متعلق به الکل سازنده آن است. اسید مربوطه دارای زنجیر ۶ کربنی و

یک عامل کربوکسیل است پس هگزانوئیک اسید است و الکل مربوطه شامل

زنجیر ۳ کربنی و یک عامل الکلی است پس پروپانول است.

(شیمی ۲، صفحه‌های ۱۱۶ و ۱۱۷)

(سؤال ۱۹۶۷ کتاب آبی)

-۲۲۰

$$\text{؟} \ g = 15 \text{ g H}_2\text{C}_2\text{O}_4 \times \frac{1 \text{ mol H}_2\text{C}_2\text{O}_4}{90 \text{ g H}_2\text{C}_2\text{O}_4} \times \frac{n \text{ mol C}_3\text{H}_8\text{O}_2}{n \text{ mol H}_2\text{C}_2\text{O}_4}$$

$$\times \frac{76 \text{ g C}_3\text{H}_8\text{O}_2}{1 \text{ mol C}_3\text{H}_8\text{O}_2} \approx 12 / 67 \text{ g}$$

(شیمی ۲، صفحه‌های ۱۱۷ تا ۱۱۹)

(سؤال ۱۹۶۷ کتاب آبی)

-۲۱۷

فقط ویتامین کا حلقه‌ی بنزنی (آروماتیک) دارد.

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه‌ی «۱»: ویتامین ث به دلیل داشتن گروه‌های هیدروکسیل که قطبی

هستند و بر بخش ناقطبی مولکول یعنی بخش هیدروکربنی غلبه دارند. مولکول

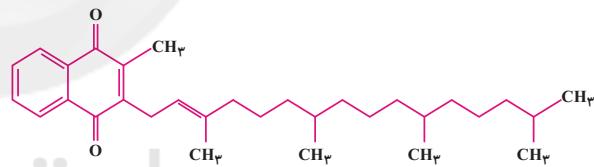
قطبی و محلول در آب است. (با پیوندی هیدروژنی در آب محلول می‌شود)

بنابراین در صورتی که مصرف آن زیاد باشد مقدار اضافی آن از طریق ادرار

و با مایعات بدن دفع می‌شود.

گزینه‌ی «۲»: ویتامین‌های کا، دی و آ، در چربی محلول‌اند.

گزینه‌ی «۳»: با توجه به ساختار ویتامین کا، این گزینه درست است.



(شیمی ۲، صفحه‌های ۱۱۱ و ۱۱۲)

(سؤال ۱۹۹۳ کتاب آبی)

-۲۱۸

از سال ۲۰۱۰ تاکنون تولید الیاف پلی‌استری برخلاف الیاف پشم رشد فراوانی

داشته است و در کل نیز تولید الیاف نخی و پلی‌استری هر دو، از تولید الیاف

پشمی بیشتر است.

(شیمی ۲، صفحه ۹۹)



(شنبه شکلی)

-۲۲۳

کاغذ pH با توجه به صفحه ۱۲ کتاب درسی در محلول سود به رنگ آبی و در محلول سرکه سفید به رنگ قرمز در می‌آید.  
بررسی سایر گزینه‌ها:

$$\text{? molHY} = \lambda g HY \times \frac{1 \text{ molHY}}{\Delta g HY} = 0 / 16 \text{ molHY} \quad (1)$$

$$\text{? molHX} = 12 g HX \times \frac{1 \text{ molHX}}{\Delta g HX} = 0 / 0.8 \text{ molHX}$$

pH محلول اسید HX با وجود غلظت کمتر نسبت به اسید HY، با محلول HY برابر می‌باشد، پس می‌توان نتیجه گرفت که اسید HX دارای درجه تلقیکیک بزرگتری بوده و اسید HX اسیدی قوی‌تر است.

۲) طبق مفهوم حاصل از تمرین ۴ صفحه ۳۴ کتاب درسی صحیح است.

۴) از واکنش مخلوط آلومنیم و سدیم هیدروکسید با آب گاز هیدروژن آزاد می‌شود که با فشار ایجاد شده ناشی از این گاز، چربی‌ها و رسوبات از سطوح جدا می‌شوند.

(شنبه ۳، صفحه‌های ۱۲، ۱۳، ۱۸، ۱۹ و ۳۶)

(فامدر پویان‌نظر)

-۲۲۴

هیدروژن کلرید سبب افزایش غلظت یون هیدرونیوم در آب می‌شود.  
برخی اکسیدهای فلزی با آب واکنش می‌دهند و رنگ کاغذ pH را به دلیل افزایش غلظت یون هیدروکسید، آبی می‌کنند. BaO یک باز آرنیوس است و باعث افزایش غلظت یون هیدروکسید در آب می‌شود.

(شنبه ۳، صفحه‌های ۱۳ تا ۱۶)

(یقینی ریمین)

-۲۲۵



$$K_a = \frac{[H^+][A^-]}{[HA]} \Rightarrow 4 \times 10^{-6} = \frac{[H^+]^2}{9 \times 10^{-2}}$$

$$[H^+] = 6 \times 10^{-4}$$

$$[HA] = 0.1 = 0 / 0.9 \text{ mol.L}^{-1}$$

$$[H^+] + [A^-] = 12 \times 10^{-4} \text{ mol.L}^{-1}$$

توجه: در این مسئله، به دلیل کوچک بودن  $K_a$ ، می‌توان غلظت قبل و بعد از یونش HA را با هم به تقریب برابر در نظر گرفت.

(شنبه ۳، صفحه‌های ۱۷ تا ۲۰)

شنبه ۳

-۲۲۱

بررسی همه عبارت‌ها:

عبارت «الف»: روغن زیتون ( $C_{25}H_{52}O_6$ ) و واژلین ( $C_{25}H_{10}O_4$ ) هر دو در هگزان حل می‌شوند اما توجه کنید هیدروکربن به ترکیباتی که فقط شامل هیدروژن و کربن هستند گفته می‌شود و در فرمول شیمیابی روغن زیتون علاوه بر دو عنصر کربن و هیدروژن، عنصر اکسیژن نیز وجود دارد.

عبارت «ب»: با توجه به ساختار این مواد، فرمول کلی آنها



عبارت «پ»: هرچه غلظت یون  $H^+$  بیشتر باشد، خصلت اسیدی محلول بیشتر است.

عبارت «ت»: این رابطه فقط در دمای  $25^\circ\text{C}$  برقرار است.

(شنبه ۳، صفحه‌های ۱۴، ۱۰، ۱۱، ۱۵ و ۲۶)

(میلاد شیخ‌الاسلامی فیاوی)

-۲۲۲

بررسی تمام گزینه‌ها:

گزینه «۱»: عملکرد شویندهای خورنده بر اساس واکنش بین اسیدها و بازها است که واکنش بین اسید و باز نیز همان واکنش خنثی شدن است.

گزینه «۲»:

گزینه «۳»: شکل نشان داده شده مربوط به یونش یک اسید ضعیف است.  
می‌دانیم آرایش الکترونی  $F^-$  به صورت  $2s^2 2p^5$  است، همچنین

می‌دانیم HF یک اسید ضعیف بوده و یونش آن جزئی است.

گزینه «۴»: HA اسیدی ضعیف است، در حالی که HCl یک اسید قوی محسوب می‌شود.

(شنبه ۳، صفحه‌های ۱۲، ۱۳، ۱۶، ۱۷ تا ۱۸ و ۳۰)



(علی فرزاد تبار)

-۲۲۹

(محمد کوهستانیان)

-۲۲۶

بررسی سایر گزینه‌ها:

۱) ثابت ماندن (نه برابر!) غلظت‌ها در واکنش‌های تعادلی، نتیجه برابر شدن

سرعت واکنش‌های رفت و برگشت است.

۲) ثابت تعادل در دمای ثابت به مقدار آغازی واکنش‌دهنده‌ها وابسته نیست.

۴) کربوکسیلیک اسیدها نیز اسیدهایی ضعیف هستند.

(شیمی ۳، صفحه‌های ۱۹ تا ۲۳)

(ساسان اسماعیل پور)

-۲۳۰

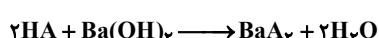
(فضل قهرمانی فرد)

-۲۲۷

ترتیب قدرت اسیدی طبق جدول صفحه ۲۳ کتاب درسی:

ثابت اسیدی  $\text{H}_2\text{CO}_3$  برابر  $10^{-7} / 5 \times 10^{-4}$  می‌باشد که عدد بین ثابتیونش  $\text{CH}_3\text{COOH}$  و  $\text{HCN}$  قرار دارد.

(شیمی ۳، صفحه‌های ۲۳ و ۲۴)



$$\text{pH} = ۳ \Rightarrow [\text{H}^+] = M \cdot \alpha = 10^{-۳} \Rightarrow M_a \times ۰/۰۴ = 10^{-۳}$$

$$\Rightarrow M_a = ۰/۰۲۵ \text{ mol.L}^{-۱}$$

$$\text{pH} = ۱۲ \Rightarrow [\text{OH}^-] = M_b \cdot n \cdot \alpha = 10^{-۲} \Rightarrow M_b \times ۲ = 10^{-۲}$$

$$\Rightarrow M_b = ۰/۰۰۵ \text{ mol.L}^{-۱}$$

حال داریم:

$$?m\text{LBa}(\text{OH})_2 = ۵\text{mLH}\text{A} \times \frac{۱\text{L}}{۱۰۰۰\text{mL}} \times \frac{۰/۰۲۵\text{mol HA}}{۱\text{L}}$$

$$\times \frac{۱\text{mol Ba}(\text{OH})_2}{۲\text{mol HA}} \times \frac{۱\text{L}}{۰/۰۰۵\text{mol Ba}(\text{OH})_2} \times \frac{۱۰۰\text{mL}}{۱\text{L}} = ۱۲۵\text{mL}$$

(شیمی ۳، صفحه‌های ۳۰ و ۳۱)

(فضل قهرمانی فرد)

-۲۲۸

با توجه به اینکه آمونیاک باز ضعیف بوده و یون کمتری تولید می‌کند، پس در غلظت و شرایط یکسان، رسانایی الکتریکی آن کمتر از سدیم هیدروکسید خواهد بود.

بررسی گزینه‌های نادرست:

گزینه «۱»: در شیشه پاک کن از محلول آمونیاک استفاده می‌شود.

گزینه «۲»: آمونیاک به طور کامل یونیده نمی‌شود.

گزینه «۳» در محلول غلیظ بازهای قوی نیز یون هیدرونیوم وجود دارد ولی مقدار آن کمتر از یون هیدروکسید است.

(شیمی ۳، صفحه‌های ۲۸ تا ۳۰)



$$\text{؟} \text{g KNO}_3 = \frac{\text{محلول}}{\text{mg}} \times \frac{1 \text{ mol KNO}_3}{1000 \text{ mL}} \times 100 \text{ g}$$

$$\times \frac{101 \text{ g KNO}_3}{1 \text{ mol KNO}_3} = 13 / 5 \text{ g KNO}_3$$

$$\Rightarrow d = \frac{1 / 8 \times 101 \times 100}{1000 \times 13 / 5} = 1 / 35 \text{ g.mL}^{-1}$$

با توجه به این که انحلال پذیری  $\text{KNO}_3$  در دمای  $50^\circ\text{C}$  برابر ۸۲ است،

درصد جرمی محلول سیر شده این ماده در دمای مذکور برابر است با:

$$\text{KNO}_3 = \frac{82}{100 + 82} \times 100 = 45 > 13 / 5$$

بنابراین محلول یاد شده در سؤال از نوع سیرنشده است.

(شیمی ا، صفحه‌های ۱۰۶ و ۱۰۷ تا ۱۱۱)

(امیرعلی برفورداریون)

-۲۴۴

$\text{H}_2\text{S}$  و  $\text{Cl}_2$  در دمای اتاق هر دو گاز هستند.

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه «۲»: نقطه جوش  $\text{AsH}_3$  از  $\text{HBr}$  در تناوب چهارم بیشتر است.

گزینه «۳»: فرمول شیمیایی اتانول  $\text{C}_2\text{H}_5\text{OH}$  و فرمول شیمیایی

$\text{C}_3\text{H}_8\text{O}$  است. تعداد اتم‌ها در این دو مولکول متفاوت است.

گزینه «۴»: محلول شامل ید و هگزان، به رنگ بنفش است.

(شیمی ا، صفحه‌های ۱۱۵ تا ۱۱۷ و ۱۱۸)

(مریم آلبیری)

-۲۴۵

عبارت‌های «ب» و «پ» درست‌اند.

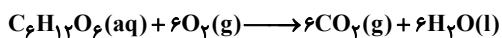
بررسی عبارت‌های نادرست:

شیمی ۱

(ممدرسان مقدمه‌زاده مقدم)

-۲۴۱

واکنش موازن شد. اکسایش گلوكز به صورت زیر است:



= ۶ + ۶ = ۱۲ مجموع ضریب‌های استوکیومتری فراورده‌ها

مقدار  $\text{CO}_2$  تولید شده برابر است با:

$$\text{？} \text{g CO}_2 = 1 \text{ L O}_2 \times \frac{21 \text{ L O}_2}{100 \text{ L هوا}} \times \frac{1 \text{ mol O}_2}{22 / 4 \text{ L O}_2} \times \frac{6 \text{ mol CO}_2}{6 \text{ mol O}_2}$$

$$\times \frac{44 \text{ g CO}_2}{1 \text{ mol CO}_2} = 0 / 4125 \text{ g CO}_2$$

(شیمی ا، صفحه‌های ۵۱ تا ۵۳ و ۶۰ تا ۸۵)

(ممدرسان مقدمه‌زاده مقدم)

-۲۴۲

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه «۲»: شکل و حجم مواد جامد به شکل ظرف بستگی ندارد.

گزینه «۳»: گازها برخلاف مواد مایع و جامد تراکم‌پذیرند.

گزینه «۴»: برای مشخص بودن یک نمونه گاز، افزون بر مقدار باید دما و

فشار آن نیز مشخص باشد.

(شیمی ا، صفحه‌های ۸۱ تا ۸۳)

(امیرعلی برفورداریون)

-۲۴۳

درصد جرمی  $\text{KNO}_3$  برابر با  $13 / 5 \%$  است؛ یعنی در هر ۱۰۰ گرم از

محلول  $13 / 5 \text{ g}$  از این ماده وجود دارد. اگر چگالی محلول را  $d \text{ g.mL}^{-1}$

فرض کنیم، خواهیم داشت:



گزینه «۳»: پویایی زمین شامل برهم‌کنش‌های فیزیکی و شیمیایی میان بخش‌های گوناگون آن است.

گزینه «۴»: براساس جدول زیر،  $\text{Na}^+$  در میان کاتیون‌ها بیشترین مقدار را دارد.

نام یون	کلرید	سدیم	منیزیم	سولفات	پتاسیم	کلسیم	برمید	نماد یون
$\text{Br}^-$	$\text{CO}_3^{2-}$	$\text{K}^+$	$\text{Ca}^{2+}$	$\text{Mg}^{2+}$	$\text{SO}_4^{2-}$	$\text{Na}^+$	$\text{Cl}^-$	نماد یون
متدار یون (مبلی گرم)								(شیمی ا، صفحه‌های ۱۰۱ تا ۱۰۳)
بیون در یک کلوگرم	۶۵	۱۴۰	۳۸۰	۴۰۰	۱۳۵۰	۲۶۵۵	۱۰۵۰۰	۱۹۰۰۰
آب (دریا)								

(شیمی ا، صفحه‌های ۹۲ تا ۹۴ و ۹۶)

(محمد وزیری)

-۲۳۹

گزینه	فرمول شیمیایی	کاتیون آنیون
(۱)	$\text{Fe(OH)}_3$	$\frac{1}{3}$
(۲)	$\text{CoO}$	$\frac{1}{1}$
(۳)	$\text{MgCO}_3$	$\frac{1}{1}$
(۴)	$(\text{NH}_4)_2\text{SO}_4$	$\frac{2}{1}$

(شیمی ا، صفحه‌های ۹۱ تا ۱۰۰)

(مهری محمدی)

-۲۴۰

این شکل فرایند اسمز معکوس را نشان می‌دهد که با اعمال یک فشار خارجی جهت حرکت مولکول‌های آب نسبت به فرایند اسمز، بر عکس شده است، یعنی مولکول‌های آب از سمت محلول غلیظ به سمت محلول رقیق می‌روند.

بررسی گزینه «۲»: با حذف فشار خارجی جهت حرکت مولکول‌های آب بر عکس می‌شود و این مولکول‌ها از سمت محلول رقیق به سمت محلول غلیظ می‌روند.

(شیمی ا، صفحه‌های ۱۰۱ و ۱۰۹)

الف) هر چه شب نمودار انحلال‌پذیری برای ماده‌ای کمتر باشد، وابستگی انحلال‌پذیری آن ماده به دما کمتر است.

ت) شب منحنی انحلال‌پذیری ماده A بیشتر از ماده B بوده و در نتیجه، وابستگی آن به دما بیشتر است.

(شیمی ا، صفحه‌های ۱۰۱ تا ۱۰۳)

(مسن لشکری)

-۲۳۶

فقط عبارت «الف» نادرست است.

انحلال‌پذیری گاز  $\text{CO}_2$  بیشتر از گاز  $\text{NO}$  است.

(شیمی ا، صفحه‌های ۱۰۳ و ۱۰۴)

(سیرمهدر معروفی)

-۲۳۷

$\simeq 60\text{g}$  = انحلال‌پذیری  $\text{KNO}_3$  در دمای  $40^\circ\text{C}$

$\simeq 30\text{g}$  = انحلال‌پذیری  $\text{KNO}_3$  در دمای  $20^\circ\text{C}$

$60 - 30 = 30 \Rightarrow$  اختلاف انحلال‌پذیری

$$\text{? mol KNO}_3 = \frac{30\text{g KNO}_3}{320\text{g}} \times \frac{1\text{mol KNO}_3}{160\text{g}} \times \frac{1\text{mol KNO}_3}{101\text{g KNO}_3} \\ \simeq 0 / 6\text{mol KNO}_3$$

(شیمی ا، صفحه‌های ۱۰۱ تا ۱۰۳)

(امیرعلی برفرورداریون)

-۲۳۸

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه «۱»: رنگ رسوب باریم سولفات سفید است.