





۱۱- تمام معانی مقابله چند واژه درست است؟

(معاشرت: گفت و شنید، الفت داشتن)

(استرحام: رحم خواستن، رحم کردن)

(عتاب کردن: خشم گرفتن بر کسی، سرزنش کردن)

(ورطه: مهلكه، هلاک شده)

(خیره: بیهوده، لجوج)

(عنود: ستیزه کار، خودرأی)

۴) پنج

۳) چهار

۲) سه

۱) دو

۱۲- همه معانی واژگان در کدام گزینه صحیح است؟

الف) سودا: اندیشه، هوس، عشق

ب) صولت: هیبت، قدرت، جمال

د) مخمصه: غم بزرگ، بدیخت، تنگنا

ج) عرض: خیمه، سریر، سایبان

۴) الف، ب

۳) ج، د

۲) ب، د

۱) الف، ج

۱۳- در کدام گزینه برخی از واژگان درست معنا نشده‌اند؟

۱) (خصم: دشمن) (جسارت: گستاخی) (توسن: اسب سرکش)

۲) (پتک: آهن کوب) (هماور: رقیب) (زه: وتر)

۳) (دز: حصار) (شیراوون: دلاور) (پدرام: آراستگی)

۴) (صرع: بیماری غش) (ابدال: مردان کامل) (دمان: هولناک)

۱۴- تعداد تشبيهات در کدام گزینه متفاوت است؟

۱) ای زلف تو کمندی، ابروی تو کمانی

وی قامت تو سروی، وی روی تو بهاری

۲) اگر تو ماهی، گردون تو سرای من است

اگر تو سروی، بستان تو کنار من است

۳) تو جلوه‌دهی سروی، چون طبع من آزاد

من عرضه کنم شعری چون قد تو موزون

۴) تو باگی و شـهـرـیـار سـرـوت

تو سروی و پادشه تذروت (تذرو: نوعی پرنده)

۱۵- نقش دستوری ضمیر مشخص شده در ابیات کدام گزینه یکسان است؟

الف) ساقیا، جام می‌ام ده که نگارنده غیب

نیست معلوم که در پرده اسرار چه کرد

ب) پیاله لعل کن از سوده عقیق که من

به پای ریزمت از لعل گوهر شهوار

پ) شدم فسانه به سرگشتگی و ابروی دوست

کشید در خم چوگان خویش چون گویم

ت) در پی خضر شو و روی متاب از ظلمات

اگرت شربتی از چشمۀ حیوان باید

۴) الف- ب

۳) الف، ت

۲) پ- ت

۱) ب - پ

۱۶- کاربرد ردیف در کدام گزینه متفاوت است؟

فراغت از تو میسر نمی‌شود ما را  
به دیگران بگذاریم باع و صحرا را  
نگاه می‌نکنی آب چشم پیدا را؟  
چنان به ذوق ارادت خورم که حلوا را

۱) اگر تو فارغی از حال دوستان، یارا

۲) بیا که وقت بهار است تا من و تو به هم

۳) گرفتم، آتش پنهان خبر نمی‌داری

۴) به دوستی که اگر زهر باشد از دستت

۱۷- در کدام گزینه «واو» عطف وجود ندارد؟

کبر و ناز و حاجب و دربان بدین درگاه نیست  
که کس نگشود و نگشاید به حکمت این معتماً را  
تا تو نانی به کف آری و به غفلت نخوری  
خاک می‌بوسم و عذر قدمش می‌خواهم

۱) هر که خواهد گو بیا و هر چه خواهد گو بگو

۲) حدیث از مطرب و می گو و راز دهر کمتر جو

۳) ابر و باد و مه و خورشید و فلک در کارند

۴) آن که پامال جفا کرد چو خاک راهم

۱۸- همه گزینه‌ها به جز ... با دو بیت زیر قرابت معنایی دارد.

از سپهر این ره عالی صفت  
بازیابد در حقیقت صدر خویش»  
روز می‌بنماید چون آفتاب  
به شرط آنکه گویی ترک عادت

جهد کن تا حاصل آید این صفت

خود نبیند ذره‌ای جز دوست او

«چون بتايد آفتاب معرفت

هريکي بينا شود بر قدر خويش

۱) صدهزار اسرار از زير نقاب

۲) کلید معرفت آمدت عبادت

۳) هست دائم سلطنت در معرفت

۴) مغر بیند از درون نه پوست او

۱۹- مفهوم کدام گزینه با آیه «ولا تحسبن الذين قتلوا في سبيل الله امواتاً بل احياء عند ربهم يرزقون» تناسب دارد؟

یک مردہ زنده کرد مسیح و قیامت است  
خود مردہ پیش زنده‌لان از فسرده به  
زان که از کشتن بقا حاصل شود جرجیس را  
شادی زی ای آن که بر امید فردا زنده‌ای

۱) صد کشته زنده کردی و کس را خبر نشد

۲) هر کس که نیست زنده به عشق تو مردہ به

۳) زنده جاوید گردد کشته شمشیر عشق

۴) یار، قتل عاشقان امروز با فردا فکند

۲۰- بیت «زین کاروانسراي، بسى کاروان گذشت/ ناچار، کاروان شما نیز بگذرد» با کدام گزینه قرابت ندارد؟

گر زندگی خضر بود نقش بر آب است  
که تا برهم گذاري چشم را افسانه خواهی شد  
نفس چگونه برآرد چراغ هستی ما؟  
که یک رهبر به منزل می‌رساند کاروانی را

۱) در عالم فانی که بقا پا به رکاب است

۲) مشو غافل درین گلشن چو شبنم از نظر بازی

۳) نسیم صبح فنا تیغ بر کف استاده است

۴) به آمی می‌توان از خود برآوردن جهانی را

٢١- «اللَّهُ الَّذِي يُرْسِلُ الرِّيحَ فَتُثْبِرُ سَحَابًا فَيَسِّطُهُ فِي السَّمَاءِ»:

۱) خدایی که بادها را می‌فرستد و ابر را بر می‌انگیزد پس آن را نیز در آسمان‌ها می‌گستراند!

۲) خداوند همان کسی است که بادها را می‌فرستد و ابری را بر می‌انگیزد و آن را در آسمان می‌گستراند!

۳) پروردگارهای همان کسی است که باد را می‌فرستد و ابرها را بر می‌انگیزد و آن را در آسمان حرکت می‌دهد!

۴) خداوند کسی است که بادها را می‌فرستد و ابر را بر می‌انگیزد و آن را در آسمان حرکت می‌دهد!

٢٢- «قَدْ أَدَى وَالدَّايِ زِيَارَةُ الْعَتَبَاتِ الْمَقَدَّسَةِ فِي السَّنَوَاتِ الْمَاضِيَّةِ وَلَكِنَّهُمَا يَقُولُانِ: يَا لَيْتَنَا نَذَهَبُ مَرَّةً أُخْرَى!»:

۱) پدر و مادرم زیارت آستانهای مقدس را در سال‌های گذشته ایفا کردند، ولی آن دو می‌گفتند: ای کاش دیگر بار می‌رفتیم!

۲) حقیقتاً پدر و مادر زیارت عتبات مقدس را در سال‌های گذشته به جا آورده‌اند، ولی می‌گویند: امیدواریم دوباره برویم!

۳) در سال‌های گذشته پدر و مادرم زیارت عتبات مقدس را ادا کرده‌اند، ولی آن‌ها می‌گویند: ای کاش ما دوباره برویم!

۴) سال‌های گذشته زیارت والدینم از آستانهای مقدس انجام شد، ولی آن دو می‌گفتند: امید است که ما بار دیگر می‌رفتیم!

٢٣- «لَمْ يَكُنْ جَدِيًّا يَسْتَطِعُ أَنْ يَصْعُدَ جَبَلَ النَّورِ لِيَزُورَ غَارًا نَزَّلَتْ أُولَئِي آيَاتُ اللَّهِ هَنَاكَ لَأَنَّ رِجْلَهُ تُولَمُهُ!»:

۱) چون پای پدر بزرگم درد می‌کند، نمی‌تواند از کوه نور بالا بروم تا غار را که آیات نخست اللہ در آنجا نازل شده است، زیارت کند!

۲) برای پدر بزرگ من صعود کردن به کوه نور جهت بازدید غاری که خدا آیات نخستین را در آنجا نازل کرد، ممکن نبود، زیرا

پایش درد می‌کرد!

۳) پدر بزرگ من نمی‌توانست که از کوه نور بالا بروم تا دیدن کند از غاری که نخستین آیات خدا آنجا نازل شده است، زیرا پایش درد می‌کند!

۴) پدر بزرگم نمی‌تواند به کوه نور برای زیارت کردن غاری که آیات اولیه الهی آنجا نازل گردیده است، صعود کند، چون پاهایش درد می‌کند!

٢٤- «تَعَلَّمْتُ مِنْ وَالِّيِّ إِثْنَيْنِ: لَا أَصْدِقُ كُلَّ مَا أَسْمَعُ وَ لَا أَكْذِبُ كُلَّ مَا لَا أُحِبَّ!»:

۱) از پدر و مادرم دو چیز را یاد گرفتم: همه چیزهایی که می‌شنوم را باور نمی‌کنم و همه چیزهایی که دوست ندارم را دروغ

نمی‌شمارم!

۲) از پدرم دو چیز را فرا گرفتم: همه چیزهایی که شنیده‌ام را تصدیق نکنم و هر آنچه خوش ندارم را تکذیب نکنم!

۳) پدرم به من دو چیز را آموخت: همه آن چه شنیده‌ام را باور نکنم و آن چه دوست نمی‌دارم را دروغ ندانم!

۴) از پدرم دو چیز را یاد گرفتم: هر آن چه را می‌شنوم، باور نمی‌کنم و هر آنچه دوست نمی‌دارم را تکذیب نمایم!

٢٥- عَيْنُ الصَّحِيحَ:

۱) رأيُتُ الْحُجَاجَ مِنَ التَّلَفَازِ يَرْمُونَ الْجَمَارَاتِ! از تلویزیون حاجیان را دیدم در حالی که ریگ‌ها را پرتاب می‌کنند!

۲) أَزْرَتُمُ الْغَارَ الَّذِي لَجَأَ إِلَيْهِ الرَّسُولُ فِي طَرِيقِهِ؟! آیا از غاری که پیامبر در راهش بدان پناه برد، بازدید کردید؟!

۳) لَا زِيَارَةً أَحَبُّ إِلَيَّ مِنْ زِيَارَةِ الْعَتَبَاتِ الْمَقَدَّسَةِ! هیچ زیارتی را به اندازه زیارت آستانهای مقدس دوست ندارم!

۴) قد تتساقطُ الْمُوْعِنُ مِنْ أَعْيُنِ وَالِّيِّ! گاهی اشک‌ها از چشمان پدرم فرو می‌ریخت!

## ٢٦- عَيْنُ الْخَطَا فِي التَّرْجِمَةِ:

١) الْقِطْ لِسَانُه مَمْلُوٌ بَعْدِ يُفَرَّزُ سَائِلٌ مِنْه لِالِتَّنَامِ جُرُوحَه! گربه زبانش پر از غدهایی است که از آن برای بهبود زخمهاش

مایعی را ترشح می‌کند!

٢) تُغْسلُ الْمَلَابِسُ الرِّيَاضِيَّةُ كُلَّ يَوْمٍ قَبْلَ وَصُولِ الرِّيَاضِيِّينَ إِلَى الصَّالَةِ! لباس‌های ورزشی هر روز پیش از رسیدن ورزشکاران

به سالن، شسته می‌شوند!

٣) ذَهَبَ الْغَوَاصُونَ إِلَى أَعْمَقِ الْمُحِيطِ وَمَا اسْتَطَاعُوا نَقَاطَ صُورِ فِي ظَلَامِهِ! غواص‌ها به اعمق اقیانوس رفتند و در تاریکی آن نتوانستند عکس برداری نمایند!

٤) كُلُّ مِنَ الْحَيَوانَاتِ تَمْتَلِكُ لِغَةً خَاصَّةً تَتَكَلَّمُ بِهَا مَعَ بَعْضِهَا! هر یک از حیوانات زبان خاصی دارد که با آن با یکدیگر صحبت می‌کنند!

## ٢٧- عَيْنُ الْخَطَا حَسْبُ التَّوْضِيَّاتِ:

١) زَانَ اللَّهُ بِهَا اللَّيلَ كَالَّدَرَ الْمُنْتَشِرَةِ! الأنجام

٢) يَنْزَلُ الثَّلَجُ وَالْمَطَرُ مِنَ السَّمَاءِ فِي هَذَا الْفَصْلِ! الشتاء

٣) مَكَانٌ بَيْعُ البَضَائِعِ مِثْلِ الْمَلَابِسِ وَالْفَوَاكِهِ! السُّوق

٤) مِنَ الْمَلَابِسِ النِّسَائِيَّةِ ذَاتِ الْأَلْوَانِ الْمُخْتَلِفَةِ! القميص

## ٢٨- عَيْنُ الصَّحِيحِ فِي الْمَفْهُومِ: «صُدُورُ الْأَهْرَارِ قَبُورُ الْأَسْرَارِ!»

١) دَامَنَ الْأَوْدَهُ مَكْنَهُ، چون که ز پاکانی / بندۀ نفس مشو، چون که ز احراری

٢) ای خاک اگر سینه تو بشکافند / بس گوهر قیمتی که در سینه تست

٣) آدمی در عالم خاکی نمی‌آید به دست / عالمی دیگر بباید ساخت و از نو آدمی

٤) ز گنج راز در هر گنج سینه / نهاده خازن تو صد دفینه

«الْجُوْمُ هِي الْأَجْسَامُ الْمُنْتَنِيَّةُ الَّتِي تَرَاهَا لَيْلًا مُنْتَشِرَةً فِي السَّمَاءِ وَ حَجْمُهَا يَخْتَلِفُ صَغِيرًا وَ كِبِيرًا فَيَعْضُلُهَا أَكْبَرُ مِنَ الشَّمْسِ وَلَكِنَّهَا تُرَى صَغِيرَةً لَبَعْدِهَا الْكَثِيرُ عَنَّا وَ النَّجُومُ لَا يَظْهَرُ ضَوْءُهَا نَهَارًا لِشَدَّةِ ضَوْءِ الشَّمْسِ. بَعْضُ النَّجُومِ مِثْلُ النَّجْمَةِ الْقَطْبِيَّةِ يَهْتَدِي بِهَا الْمُسَافِرُ بِرًا وَ بَحْرًا. بَعْضُ النَّجُومِ لَهَا نُورٌ وَ حَرَارَةٌ مِنْ ذَاتِهَا وَ الْآخَرُ لَا نُورٌ وَ لَا حَرَارَةٌ لَهُ مِثْلُ الْقَمَرِ الَّذِي يَدْوِرُ حَوْلَ أَرْضِنَا وَ هُوَ يَعْكُسُ نُورَ الشَّمْسِ وَ الَّذِي تَهُمُ مَعْرِفَتُهُ هُوَ أَنَّ شَمَسَنَا وَ مَا يَدْوِرُ حَوْلَهَا مِنْ كَوَاكِبِ السَّيَارَةِ مَا هِي إِلَّا فَلَقٌ صَغِيرٌ دَاخِلُ افْلَاكٍ وَاسِعَةٌ ذَاتٌ شَمُوسٍ (جمع شموس) عَظِيمَةٌ، فَسِبْحَانَ الْخَالِقِ الْعَظِيمِ!»

## ٢٩- عَيْنُ الصَّحِيحِ عَلَى حَسْبِ النَّصِّ:

١) الشَّمْسُ أَكْبَرُ الْكَوَكِبِ فِي الْفَلَكِ!

٣) بَعْضُ النَّجُومِ تَهْدِي الْمُسَافِرِينَ فِي سَفَرِهِمْ!

## ٣- لِمَذَا لَا تُرَى النَّجُومُ نَهَارًا؟

١) لِأَنَّ حَجْمَهَا صَغِيرٌ جَدًّا!

٢) لِأَنَّهَا تَوْجَدُ لَيْلًا وَ لَا تَوْجَدُ نَهَارًا!

٣) لِأَنَّ بَعْدَهَا عَنَّا كَثِيرٌ وَ رَؤْيَتِهَا صَعِيبَةٌ!

٤) لِأَنَّ ضَوْءَ الشَّمْسِ شَدِيدٌ وَ يَمْنَعُ رَؤْيَتِهَا!

٣١- أي موضع ما جاء في النص؟

- ١) حجم الشمس!  
٢) ضوء النجوم!  
٣) هداية المسافرين بالتجمة!  
٤) ضوء الشمس!

٣٢- عين الصحيح في الإعراب و التحليل الصرفي لفعل «يختلف»:

- ١) للغائب- مزيد ثلثي (من وزن «افتuel») / فعل و مع فاعله جملة فعلية

- ٢) مضارع- للغائب- حروفه الأصلية «خ ت ف» و وزنه «افتuel» / فعل و فاعل

- ٣) للغائب- مزيد ثلثي (ماضيه: خالف، مصدره: مخالفة، على وزن «مفعولة») / فعل و مع فاعله جملة فعلية

- ٤) فعل مضارع- مجرد ثلثي - مجهول / فعل و فاعله مذوف، و الجملة فعلية

٣٣- عين الخطأ عن محل الإعرابي للكلمات التي تحتها خط في النص:

- ١) النجوم: المبتدأ  
٢) ضوء: الفاعل  
٣) نور: المفعول  
٤) كواكب: مضافة إليه

٣٤- عين الصحيح حسب الحقيقة و الواقع:

- ١) طعام الفطور في إيران هو رز مع دجاج!

- ٢) الأعشاب الطبية نباتات مفيدة لمعالجة الأمراض!

- ٣) يصنع الكأس من الحديد و الزجاج فقط!

٣٥- عين الخطأ في ضبط حركات الكلمات:

- ١) إننا نتمنى الشرف مع معلماتنا لزيارة الإمام الرضا (ع)!

- ٢) عند استقبال الحجاج دموعنا تتتساقط من أعيننا!

- ٣) في بيتنا نجلس و نشاهد الأفلام السينمائية من التلفاز!

- ٤) تعيش الأسماك في النهر و البحر و لها أنواع مختلفة!

٣٦- عَيْنَ الصَّحِيحَ عَنِ الْعَمَلِيَّاتِ الْحُسَابِيَّةِ:

(١) أَرْبَعَةُ وَسَبْعُونَ زَادَ أَرْبَعَةُ وَعِشْرِينَ يُسَاوِي ثَمَانِيَّةُ وَثَمَانِيَّ!

(٢) تِسْعُونَ ناقصٌ ثَلَاثِيَّنَ يُسَاوِي سَبْعِيَّ!

(٣) خَمْسُونَ تَقْسِيمٌ عَلَى خَمْسَةِ يُسَاوِي عَشَرَةً!

(٤) إِثْنَتَا عَشَرَةً فِي اثْنَيْنِ يُسَاوِي عَشَرِينَ!

٣٧- عَيْنَ عَبَارَةٍ جَاءَ فِيهَا فَعْلٌ بِزِيَادَةِ حُرْفَيْنِ:

(١) يَا بَنَاتُ؛ عِنْدَمَا تَسْمَعْنَ صَوْتَ الْجَرَسِ يَجْبُ أَنْ تَرْجِعْنَ إِلَى صُفُوفِكُنَّ!

(٢) عَلَيْنَا أَنْ لَا نَتَكَاسَلَ فِي درُوسَنَا، لَأَنَّ الْمُعَلِّمَ يُرِيدُ أَنْ يَخْتَبِرَنَا بِأَسْنَلَةِ صَعْبَةِ!

(٣) أَنَا أَسْتِيقْظُ كُلَّ يَوْمٍ فِي السَّاعَةِ السَّادِسَةِ وَأَسْاعِدُ أُمِّي فِي إِعْدَادِ الْفَطُورِ!

(٤) سَيُعَاقِبُ هُؤُلَاءِ الْمُجْرِمُونَ فِي الْمَحَاكمِ وَسَيُشَاهِدُونَ جَزَاءَ أَعْمَالِهِمُ الْسَّيِّئَةِ!

٣٨- عَيْنَ الْعَبَارَةِ الَّتِي جَاءَ فِيهَا الْفَاعِلُ:

(٢) الْكَاسُ زُجَاجَةٌ يُشَرِّبُ فِيهَا الْمَاءُ أَوِ الشَّايُ أَوِ الْفَهْوَةُ!

(٤) عَدَوَّةُ الْعَالَقِ خَيْرٌ مِنْ صَدَاقَةِ الْجَاهِلِ!

٣٩- عَيْنَ عَبَارَةٍ جَاءَتِ فِيهَا الْحُرُوفُ الْجَارَةُ أَقْلَى:

(١) قَدْ اسْتَفَادَ الشُّعُرَاءُ الْإِبْرَانِيُّونَ مِنِ الْلُّغَةِ الْعَرَبِيَّةِ وَأَنْشَدُوا بَعْضَهُمْ أَبِيَاتًا!

(٢) حَفِظَ يَعْتَدُ أَنَّ فِي بَعْدِ الْحَبِيبِ عَذَابًا وَفِي قُرْبَهَا السَّلَامَةَ!

(٣) عَيْنَ الصَّحِيحَ عَنِ عَدِ الْمَجْرُورِ بِحُرْفِ الْجَرِّ فِي الْعَبَارَةِ الْأُولَى!

(٤) رَأَيْتُ دَلِيفِنَا كَبِيرًا يَقْفِزُ قُرْبِي فِي الْمَاءِ بِفَرَحٍ!

٤٠- عَيْنَ عَبَارَةٍ فِيهَا اسْمُ الْفَاعِلِ وَاسْمُ الْمُبَالَغَةِ مَعَهُ:

(١) قَدْ جَعَلَ اللَّهُ الْحُكَمَ الْعَادِلِيَّنَ لِلنَّاسِ عَلَى مَرَّ الْعُصُورِ!

(٢) الْمَسْجَدُ مَكَانٌ مُقَدَّسٌ لِأَدَاءِ الصَّلَاةِ عَنْ جَمِيعِ الْمُسْلِمِينَ!

(٣) الْمَسْؤُلُونَ يَسْتَخْدِمُونَ الطَّلَابَ الْخَلَاقِيَّنَ فِي دراسَاتِهِم!

(٤) أَسْتَاذِي عَلَامَةُ كَبِيرٌ يَسْاعِدُ طَلَابَهُ!

۴۱- ژرفنگری انسان موحد در نقش خداوند در پرورش تمام عالم امکان، او را به کدام سخن معترف می‌سازد و برای ممانعت از اثرگذاری بسیار

نامحسوس شرک بر دل انسان، کدام بیت را باید سرلوحة کار خود قرار داد؟

۱) «همانا نماز و عبارت‌هایم و زندگی و مرگم فقط برای خداست.» - آفرینش همه تنبیه خداوند دل است/ دل ندارد که ندارد به خداوند اقرار

۲) «همانا نماز و عبادت‌هایم و زندگی و مرگم فقط برای خداست.» - پاسبان حرم دل شده‌ام شب همه شب/ تا در این پرده جز اندیشهٔ او نگذارم

۳) «پروردگارا زندان نزد من محبوب‌تر است از آنچه مرا بدان می‌خوانند.» - پاسبان حرم دل شده‌ام شب همه شب/ تا در این پرده جز اندیشهٔ او نگذارم

۴) «پروردگارا زندان نزد من محبوب‌تر است از آنچه مرا بدان می‌خوانند.» - آفرینش همه تنبیه خداوند دل است/ دل ندارد که ندارد به خداوند اقرار

۴۲- علت وجود روزه در کلام امیرالمؤمنین (ع) کدام است و مؤید کدامیک از طرق تقویت‌کننده اخلاص است؟

۱) ابتلای اخلاص مردمان- نفوذناپذیری در برابر وسوسه‌های شیطان

۲) ابتلای اخلاص مردمان- دوری از گناه و تلاش برای انجام واجبات

۳) ابعاد قلوب از هوی و هوس- نفوذناپذیری در برابر وسوسه‌های شیطان

۴) ابعاد قلوب از هوی و هوس- دوری از گناه و تلاش برای انجام واجبات

۴۳- چه انسان‌هایی به تصور این‌که کار خیر می‌کنند، مرتکب گناهان بزرگ می‌شوند و این افراد دچار چه آفتی شده‌اند؟

۱) انسان‌های نادان- عدم معرفت نسبت به خدا

۲) انسان‌های غافل- راهیابی شرک خفیف به دل آنان

۳) انسان‌های نادان- فقدان حسن فاعلی

۴۴- اگر فردی بگوید: «فقط برای لاغر شدن و یا سلامت جسم روزه می‌گیرم»، در اصل، فقدان کدام جزء هر عمل است و حکم روزه‌اش چیست؟

۱) حسن فاعلی- اشکالی ندارد.

۲) حسن فاعلی- باطل است.

۳) حسن فعلی- اشکالی ندارد.

۴۵- بر اساس کلام گران‌بهای رسول خدا (ص) رتبه مؤمنان امت اسلامی نسبت به یکدیگر بر چه اساسی معین می‌گردد و کلام گران‌بهای رسول خدا (ص) در مورد جایگاه مهم و ارزشمند حسن فاعلی کدام است؟

۱) درجات تقوا در قلب- «بِيَتَةُ الْمُؤْمِنِ حَيْرٌ مِّنْ عَمَلِهِ»

۲) درجات تقوا در قلب- «فَاعِلُ الْخَيْرِ مِنْهُ»

۳) مراتب اخلاص در عمل- «إِنَّمَا الْمُؤْمِنُ بِمَنْزِلَةِ كَفَّةِ الْمِيزَانِ»

۴۶- هریک از موضوعات «پیوند محکمی میان معرفت به خداوند و اخلاص برقرار است.» و «عدم درک و گرفتاری در وادی غفلت و بستن چشم

اندیشه نسبت به آیات و نشانه‌های الهی، به ترتیب در کدام مصraع‌ها تجلی دارد؟

۱) هر که فکرت نکند نقش بود بر دیوار- هر دو عالم پر ز نور و دیده نابینا، چه سود

۲) هر که فکرت نکند نقش بود بر دیوار- دل ندارد که ندارد به خداوند اقرار

۳) این همه نقش عجب بر در و دیوار وجود- دل ندارد که ندارد به خداوند اقرار

۴) این همه نقش عجب بر در و دیوار وجود- هر دو عالم پر ز نور و دیده نابینا، چه سود

<sup>۴۷</sup>- اندیاد بیدار کننده الهی، برای انسان‌هایی، که میثاق خود با خداوند را نادیده گرفته‌اند، کدام است و چه دلیلی، بر انتخاب آن اقامه می‌شود؟

١) «أن أعيدهُونِي» - «إِنَّ ذلِكَ مِنْ غَزْمِ الْأَمْوَرِ»  
٢) «اصبر على ما أصابك» - «إِنَّ ذلِكَ مِنْ غَزْمِ الْأَمْوَرِ»

٤) «اصير على ما أصانك»- «هذا صراطٌ مستقيم» ٣) «أن اعبدونـ»- «هذا صراطٌ مستقيم»

<sup>۴۸</sup>- در شایط سخت و بیچده، حق را باطل، تشخیص دادن و گرفتار باطل، نشدن معلوم، کدامیک از میوه‌های درخت اخلاق، است و یا تقاده

کدام حدیث یا آیه ارتباط دارد؟

۱) دستیاری، به درحالت از حکمت- «تمام اخلاص، در دوری، از گناهان جمع شده است.»

<sup>۲)</sup> نفوذنایابی، در بای وسوسه‌های شیطان؛ - «تمام اخلاص، در دنیا، از گناهان جمع شده است.»

دانش جانی خواهد شد»

<sup>۴۰</sup> نقدنایابی، د. بار و سوسه‌های شیطانی، - «هر کس حما، او کلاهه، خود، اخلاقانه باد، خدا انعام دهد، حشمۀ‌ها، حکمت و معافت است».

دلا و زیانش حلقه خواهد شد»

<sup>۴۹</sup>- کدام عبارت قاتل، به حمله دام شطانی، لبخایه، حرف بوسف (۴) اشاره دارد و آن حضت حکمته توانست با آن غالباً آید؟

١) «ألا تتصف عنه كيدهن أصن اليم» - سيدنا به الدين حاتم، أصنف ووشين.

<sup>۲۳</sup> «وَاللَّهُ تَعْلَمُ عَنِّي كَيْدِهِنَّ أَصْبَحَ اللَّهُنَّ» - وَيَأْوِي دَنْ بِيَسْكَاهَ الْمَهْرَ وَيَذْدِي شَخَالِصَانَةَ فِي اِمْرَأَهُ اَوْ

(٣) «وَلَئِنْ لَمْ يَفْعَلْ مَا أَمْرَهُ لَتُسْخَنَّ وَلَكُونَنَا مِنَ الصَّاغِرِينَ» - (١٥)، آورَدَنْ بِهِ بِشَكَاهُ الْهُبَّهُ، وَبِذَدْ شُ، خَالِصَانَةُ فَامِنْ، أَوْ

<sup>٤٠</sup> «وَلَئِنْ لَمْ يَفْعَلْ مَا أَمْرَهُ لَتُسْخَنَّ وَلِكُونَأَ مِنَ الصَّاغِرَيْنِ» - سیدنَّ بَهْرَامَ بْنَ دَرَجَاتَ، از بصیرت و اوشن سنن.

۵- خداوند، قرآن کریم را «حضرت یوسف» و «حضرت لقمان» یاد تسبیح می‌کند؛ این است؟

١) مخلص - حکیم - اولیٰ  
٢) حکیم - مخلص - دومی

٤) حکیم - مخلص - اولیٰ، ٣) مخلص - حکیم - دومی،

<sup>۵۱</sup>- بهترین پاسخ برای این سؤال که «جرازیکترین افراد این جهان، مؤمنان هستند» کدام است؟

(۱) آن: تمام کارهای، دنیا، خود، اد، حمت، ضایاء، الهم، انعام مدد و دین و خداوند تدبیک شده و سایء، آخت خود، این آباد مرکز است.

۲) آنان، یا هدف قار، دادن خدمت به خلق، و تلاش، رای، آسایش، آنان، بندگ، مستم، و بدون وقفه خود، ارادامه مدهند.

<sup>۳۳</sup>) ایشان بدون دل نظر گفت: اهداف دنیوی، اهداف اصلی و اساسی زندگی را سلوحه کار خوش قرار می‌دهند.

<sup>۴۳</sup>) آنرا با استعمال بندگ، خود را مشمها رحمت اله قرار داده و مردم به پیشتر داشтан آسان م شود.

۵۲- نامه عمل انسان‌ها در قیامت چگونه است و اعمال و رفتار و نیات انسان‌ها در کدام حادثه قیامت آشکار می‌شوند؟

۱) گزارشی از عمل است که بهصورت کلمات و نوشته درآمده است- برپا شدن دادگاه عدل الهی

۲) خود عمل و حقیقت آن را در بر دارد- کنار رفتن پرده از حقایق عالم

۳) خود عمل و حقیقت آن را در بر دارد- برپا شدن دادگاه عدل الهی

۴) گزارشی از عمل است که بهصورت کلمات و نوشته درآمده است- کنار رفتن پرده از حقایق عالم

۵۳- اعتراف دوزخیان به رسالت پیامبران در خطاب به چه کسی یا کسانی و به چه منظوری انجام می‌شود و موحش یا مونس بودن همنشین آدمی

در قیامت تابع چیست؟

۱) نگهبانان جهنم- بازگشت به دنیا و انجام عمل صالح- تجسم اعمال

۲) خداوند- بازگشت به دنیا و انجام عمل صالح- زشت یا نیکو بودن اعمال

۳) نگهبانان جهنم- گرفتن تخفیف از خداوند- زشت یا نیکو بودن اعمال

۴) خداوند- گرفتن تخفیف از خداوند- تجسم اعمال

۵۴- تقاضای انسان گناهکار به هنگام توفی چیست و پاسخ این تقاضا در کدام آیه مشهود است؟

۱) تخفیف در مجازات و بخشش آنان- «کلًا إِنَّهَا كَلْمَةٌ هُوَ قَاتِلُهَا»

۲) تخفیف در مجازات و بخشش آنان- «كَلًا إِنَّا خَلَقْنَاهُمْ مِمَّا يَعْلَمُونَ»

۳) بازگشت به دنیا و جبران گذشته- «كَلًا إِنَّا خَلَقْنَاهُمْ مِمَّا يَعْلَمُونَ»

۴) بازگشت به دنیا و جبران گذشته- «كَلًا إِنَّهَا كَلْمَةٌ هُوَ قَاتِلُهَا»

۵۵- امام علی بن الحسین (ع) در دعای مناجات المحبین خویش با خداوند، نتیجه چشیدن لذت دوستی خدا را چه فرموده‌اند و کدام عبارت

Konkur.in

شریفه بیانگر آن برای مؤمنان است؟

۲) غیر تو را اختیار نکند- «اَشَدَ حَبَّاً لِلَّهِ»

۱) غیر تو را اختیار نکند- «يَحِبُّكُمُ اللَّهُ»

۴) از تو رویگردان نشود- «يَحِبُّكُمُ اللَّهُ»

۳) از تو رویگردان نشود- «اَشَدَ حَبَّاً لِلَّهِ»

۵۶- «صراحت و قطعیت قرآن در خبر از آخرت» و «اشارة مستقیم به قدرت الهی در برطرف کردن ذهنیت بعید دانستن امر معاد» به ترتیب

پیام کدامیک از آیات شریفه زیر می‌باشد؟

۱) «افحسبتم آنما خلقناکم عبثاً و انکم الینا لا ترجعون»- «نه تنها استخوان‌های آنان را به حالت اول درمی‌آوریم، بلکه سرانگشتان آن‌ها را نیز

همان‌گونه که بوده مجدداً خلق می‌کنیم.»

۲) «افحسبتم آنما خلقناکم عبثاً و انکم الینا لا ترجعون»- «و برای ما مثلی زد، در حالی که آفرینش نخستین خود را فراموش کرده بود.»

۳) «الله لا اله الا هو ليجعلنكم الى يوم القيمة لا ريب فيه»- «نه تنها استخوان‌های آنان را به حالت اول درمی‌آوریم، بلکه سرانگشتان آن‌ها را

نیز همان‌گونه که بوده مجدداً خلق می‌کنیم.»

۴) «الله لا اله الا هو ليجعلنكم الى يوم القيمة لا ريب فيه»- «و برای ما مثلی زد، در حالی که آفرینش نخستین خود را فراموش کرده بود.»

۵۷- راه درمان نسیان یاد خدا و گرفتار آمدن انسان به غفلت کدام است و چه عاملی این چالش را شدت می‌بخشد؟

۱) بازگشت به خود- نفس اماره با دعوت به لذت‌های زودگذر

۲) بازگشتن بهسوی خدا- نفس اماره با دعوت به لذت‌های زودگذر

۳) بازگشتن بهسوی خدا- شیطان بهوسیله شراب و قمار

۴) بازگشت به خود- شیطان بهوسیله شراب و قمار

۵۸- در مناجات موسی بن جعفر (ع)، بهترین توشه مسافر کوی الهی که با آن خواستار خداوند شده، کدام است و در کلام قرآنی، نتیجه وفا به

عهدی که انسان با خدا بسته چیست؟

۲) عزم و اراده- گرامی داشته شدن در باغ‌های بهشتی

۱) طلب بخشش- گرامی داشته شدن در باغ‌های بهشتی

۴) عزم و اراده- پاداشی عظیم از جانب خداوند

۳) طلب بخشش- پاداشی عظیم از جانب خداوند

۵۹- کدام شیوه، عاقبتی جز فرو رفتن در گرداب آلودگی‌ها نخواهد داشت؟

۲) نترسیدن از مرگ و ناگوار ندانستن آن

۱) درخواست عمر طولانی و آرزوهای طولانی در دنیا

۴) بیرون نکردن فکر مرگ از ذهن انسان‌ها

۳) فراموش کردن و غفلت از مرگ

۶۰- لزوم «سپاس‌گزاری و شکرگزاری» از خداوند، در کدامیک از گام‌های مسیر قرب الهی تبیین می‌شود و علت این امر چیست؟

۱) محاسبه و ارزیابی- پشتیبانی خداوند متعال در انجام پیمان‌ها

۲) مراقبت- عهد و پیمان بستن با خداوند

۳) محاسبه و ارزیابی- عهد و پیمان بستن با خداوند

۴) مراقبت- پشتیبانی خداوند متعال در انجام پیمان‌ها

## 61- My daughter ... 15 years old next month.

1) is going to have

2) is going to be

3) will have

4) will be

**62- Did Chris tell you about his winning some money in ... chess game you ... take part in?**

- 1) the - didn't      2) a - don't      3) a - didn't      4) the - don't

**63- By the time we finished working on the projects, it was dark and the first ... of rain began to fall.**

- 1) cells      2) drops      3) packs      4) forms

**64- If you want your children to keep their feet on the ground, put some ... on their shoulders.**

- 1) part      2) responsibility      3) reason      4) condition

**65- The last bear in this forest ... one hundred years ago.**

- 1) cut down      2) put out      3) died out      4) went out

Because computers can help people to do their work easier and ... (66)..., so people use them in many interesting ways such as playing video games and searching ... (67)... on different subjects.

Teachers use computers to organize a record of lessons and grades. They help banks to forward money to all the banks all over the world. They also help students do ... (68)... and learn their lessons better.

Scientists use computers to ... (69)... problems more perfectly. Pilots use them to fly helicopters and airplanes. Architects use them to design buildings. They are everywhere ... (70)... your home, like tiny ones inside television sets.

- |                    |                |                  |             |
|--------------------|----------------|------------------|-------------|
| 66- 1) fast        | 2) faster      | 3) fastest       | 4) fast as  |
| 67- 1) information | 2) description | 3) conversation  | 4) schedule |
| 68- 1) review      | 2) attention   | 3) comprehension | 4) research |
| 69- 1) follow      | 2) solve       | 3) begin         | 4) choose   |
| 70- 1) around      | 2) above       | 3) aside         | 4) between  |

سایت کنکور

Konkur.in

A dictionary is a collection of words with certain information attached to each word. The word “dictionary” is derived from the Latin word “dictionarium”, initially meaning a collection of expressions and idioms. A monolingual dictionary contains descriptive information on each word, giving an explanation of what the word means, often including synonyms.

It is believed that the monolingual Dutch dictionary Woordenboek is the largest monolingual dictionary available. It took 134 years to finish, starting in 1864 and finishing only in 1998. Initially published in 40 volumes, it contained hundreds of thousands of headwords and over a million quotes from sources.

The smallest dictionary in the world, on the other hand, was 27 mm by 19 mm and had 13,000 words over 384 pages. Besides the ordinary and newest words in the language, this dictionary included short explanations of a large number of scientific, philosophical, literary, and technical terms. Bryce's English Dictionary came in a tiny metal box. The box protected the book from damage. It also contained a strong lens on the front to help read the minute words. The dictionary could only be read by using this magnifying glass. The particular technique used to make the text so small was a printing process developed by David Bryce in 1890. He used special sheets of paper that allowed the books to be so thin despite having hundreds of pages. Portable and relatively cheap, we might say that this dictionary was an equivalent to today's cellphones, allowing people to carry with them and access a great deal of information with ease.

**71- The information in the passage is mainly organized based on ....**

- 1) defining dictionary and adding its origin
- 2) describing events in the order of their happening
- 3) listing different types of information found in a dictionary
- 4) highlighting two types of contrasting dictionaries

**72- Which of the following statements about Bryce's English Dictionary is supported by the passage?**

- 1) It remained in good condition because it came in a tiny metal box.
- 2) It contained over a million quotes from various sources.
- 3) The booklet is readable even without the magnifying glass.
- 4) The metal box is intended for the ease of carrying the book.

**73- Which one of the words used in the passage, can replace the word “minute” in the last paragraph?**

- 1) cheap
- 2) strong
- 3) ordinary
- 4) tiny

**74- The sentence “Portable and relatively cheap, we might ...” in the last paragraph is intended .... .**

- 1) to show how rare these books were
- 2) as a conclusion for the whole passage
- 3) as the main point of the last paragraph
- 4) to give a reason why they looked interesting

**75- Which of the following best describes the author's view towards Dutch dictionary Woordenboek?**

- 1) Comprehensive
- 2) Comfortable
- 3) Portable
- 4) Inexpensive

Many people who are looking to get a pet dog get a puppy. There are many reasons why people get puppies. After all, puppies are cute, friendly, and playful. But even though puppies make good pets, there are good reasons why you should consider getting an adult dog instead.

When you get a puppy, you have to teach it how to behave. You have to make sure that the puppy is housebroken so that it does not go to the bathroom inside the house. You have to teach the puppy not to jump up on your guests or chew on your shoes. You have to train the puppy to walk on a leash. This is a lot of work.

On the other hand, when you get an adult dog, there is a good chance that it will already know how to do all of the previously mentioned things. Many adult dogs have already been housebroken. Many adult dogs will not jump on or chew things that you do not want them to jump on or chew. Many adult dogs will be able to walk on a leash without pulling you to the other side of the street.

Puppies also have a lot of energy and want to play all the time. This can be fun, but you might not want to play as much as your puppy does. Puppies will not always sleep through the night or let you relax as you watch television.

On the other hand, most adult dogs will wait on you to play. What is more, they will sleep when you are sleeping and are happy to watch television on the couch right beside you.

There is one last reason why you should get an adult dog instead of a puppy. When most people go to the pound to get a dog, they get a puppy. This means that many adult dogs spend a lot of time in the pound, and some never find good homes. So if you are looking to get a dog for a pet, you should think about getting an adult dog. They are good pets who need good homes.

**76- What does the author apparently think of puppies?**

They are ....

- 1) bad pets because they take too much work to own
- 2) friendly, playful, and a lot of work
- 3) not as cute as adult dogs
- 4) not as playful as adult dogs

**77- The underlined word “behave” in paragraph 2 is closest in meaning to ....**

- 1) listen
- 2) understand
- 3) train
- 4) act

**78- The main purpose of paragraph 2 is to explain how puppies .... .**

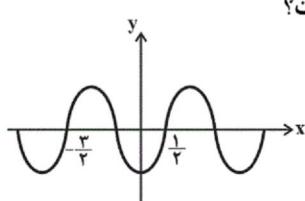
- 1) are very immature
- 2) do not make good pets
- 3) can be very destructive
- 4) are a lot of work

**79- According to the passage, which is the best example of a dog that is housebroken?**

- 1) Spot goes outside to use the bathroom.
- 2) Rex always breaks things inside the house.
- 3) Rover never jumps on guests.
- 4) Muffin chews on people's shoes.

**80- The author begins paragraphs 3 and 5 with the phrase “On the other hand” to .... .**

- 1) highlight an example
- 2) contrast previous information
- 3) reject a later statement
- 4) support the upcoming paragraph



-۸۱- قسمتی از نمودار تابع  $y = \sin\left((ax + \frac{\pi}{2})\frac{\pi}{2}\right)$  به صورت شکل زیر است. مقدار مثبت  $a$  کدام است؟

۲ (۲)

۱ (۱)

۴ (۴)

۳ (۳)

-۸۲- اگر کمترین مقدار تابع  $y = |a| + 3a \sin\left(a\pi x + \frac{\pi}{2}\right)$  برابر ۴ باشد، دوره تناوب آن کدام است؟

۱ (۲)

$\frac{1}{4}$  (۱)

۲ (۴)

$\frac{1}{2}$  (۳)

-۸۳- اگر دوره تناوب، ماکزیمم و مینیمم تابع  $f(x) = (\sin \pi x + \cos \pi x)^2$  را به ترتیب با  $T$ ,  $M$  و  $m$  نشان دهیم، حاصل کدام است؟

$M + m - T$

۱ (۴)

-۱ (۳)

۲ (۲)

(۱) صفر

-۸۴- اگر  $f(x) = \tan\left(\frac{\pi x}{2}\right)$  باشد، دامنه تابع  $g(x) = f(x) + f(x+1)$  کدام است؟

$\mathbb{R} - \mathbb{N}$  (۲)

$\mathbb{R} - \mathbb{Z}$  (۱)

$\{x \in \mathbb{R} \mid x \neq 2k, k \in \mathbb{Z}\}$  (۴)

$\left\{x \in \mathbb{R} \mid x \neq k\pi + \frac{\pi}{2}, k \in \mathbb{Z}\right\}$  (۳)

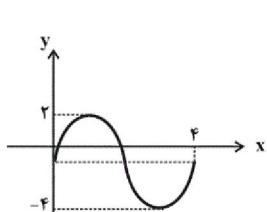
-۸۵- برد تابع  $f(x) = \frac{\tan x}{|\tan x|}$  با دامنه  $\left(-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2}\right) - \{0\}$  کدام است؟

$\mathbb{R}$  (۲)

$\mathbb{R} - \{0\}$  (۱)

$\mathbb{R} - \left[-\frac{1}{2}, \frac{1}{2}\right]$  (۴)

$\mathbb{R} - [-1, 1]$  (۳)



-۸۶- اگر نمودار تابع  $f(x) = a + b \sin cx$  به صورت شکل زیر باشد، مقدار  $c$  کدام است؟

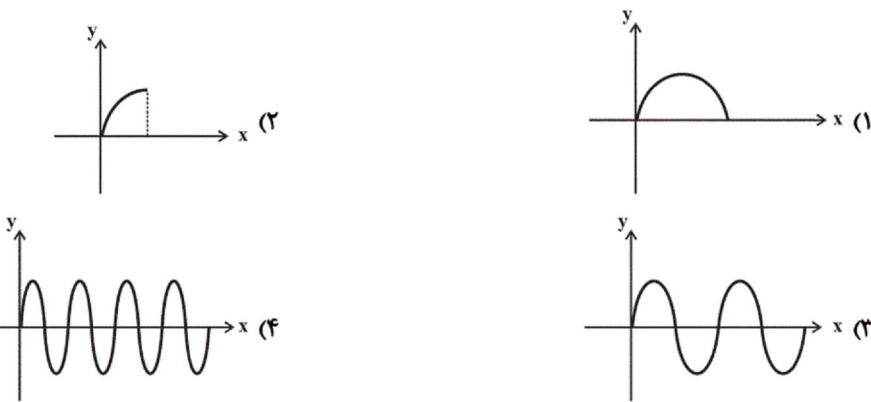
$-\frac{5}{4}$  (۲)

$\frac{1}{2}$  (۱)

$-\frac{5}{2}$  (۴)

$-\frac{3}{2}$  (۳)

-۸۷ - نمودار تابع  $y = \sin x \cos^r x - \cos x \sin^r x$  در بازه  $[0, \pi]$  کدام است؟



-۸۸ - برای  $\tan(2x) = \frac{2}{m-3}$ , اگر  $x \in \left(\frac{\pi}{\lambda}, \frac{3\pi}{\lambda}\right) - \left\{\frac{\pi}{4}\right\}$  کدام است؟

- $\mathbb{R} - [1, 5]$  ۴       $(5, +\infty)$  ۳       $(3, 5)$  ۲       $(1, 5) - \{3\}$  ۱

-۸۹ - نمودار تابع  $f(x) = -3 \sin\left(\frac{\pi}{2}x\right) + 4$  به صورت شکل زیر است. مساحت چهارضلعی ABCD کدام است؟



- ۳۵ ۱  
۴۵ ۲  
۲۴ ۳  
۲۷ ۴

-۹۰ - قسمتی از نمودار تابع  $f(x) = 4 \sin\left(\frac{\pi x}{k}\right) + a$  به صورت شکل زیر است. دوره تناوب این تابع کدام است؟



- ۶ ۱  
۸ ۲  
۱۰ ۳

-۹۱ - اگر  $(13 - a^r, 14) \cap (2, 3 + a^r) = \emptyset$  باشد، مجموعه تمام مقادیر ممکن برای  $a$  کدام است؟

- $(-\sqrt{5}, \sqrt{5})$  ۲       $[\sqrt{5}, +\infty)$  ۱

- $[-\sqrt{5}, \sqrt{5}]$  ۴       $\mathbb{R} - [-\sqrt{5}, \sqrt{5}]$  ۳

-۹۲ - اگر  $a \neq 0, 1$  باشد، حاصل  $\frac{a^r + a + 1}{b^r + b + 1}$  همواره کدام است؟

- $-\frac{b}{a}$  ۲       $-\frac{b-1}{a-1}$  ۱

- $\frac{b}{a}$  ۴       $\frac{b-1}{a-1}$  ۳

۹۳- ساده شده عبارت  $\frac{4\sqrt{3}}{2+\sqrt{3}-\sqrt{7}} - \sqrt[3]{2\sqrt{7}}$  کدام است؟

$\sqrt{3} + 2$  (۲)

$\frac{\sqrt{3} - 1}{2}$  (۱)

$\sqrt{3} - 1$  (۴)

$\frac{\sqrt{3} + 1}{2}$  (۳)

۹۴- بین دو عدد  $a$  و  $b$ ،  $\sqrt{3}$  واسطه هندسی قرار می‌دهیم، به طوری که تشکیل یک دنباله هندسی با جملات مثبت می‌دهند. اگر

دومین واسطه هندسی ۲ و ششمین واسطه هندسی ۳۲ باشد، جمله چهارم این دنباله کدام است؟ ( $a$  جمله اول دنباله است).

۸ (۲)

۱۶ (۱)

۲ (۴)

۴ (۳)

۹۵- اعداد طبیعی را طوری دسته‌بندی می‌کنیم که در ردیف اول ۲ عدد قرار داشته باشد و در هر کدام از ردیف‌های بعد، به تعداد

عددی ردیف قبل ۳ عدد اضافه شود. اولین عدد دسته هجدهم کدام است؟

۱: ردیف اول ۲

۳: ردیف دوم ۴ ۵ ۶ ۷

۸: ردیف سوم ۹ ۱۰ ۱۱ ۱۲ ۱۳ ۱۴ ۱۵

⋮

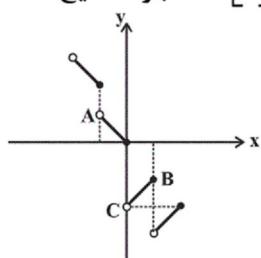
۴۲۳ (۴)

۴۲۲ (۳)

۴۴۳ (۲)

۴۴۲ (۱)

۹۶- قسمتی از نمودار تابع  $y = |x| + [-2x]$  به صورت زیر می‌باشد. مساحت مثلث ABC کدام است؟ (۰)، نماد جزء صحیح است.



$\frac{3}{2}$  (۲)

$\frac{1}{2}$  (۱)

$\frac{5}{4}$  (۴)

$\frac{3}{4}$  (۳)

۹۷- در تابع خطی  $f$  داریم:  $f^{-1}(x) + f(x) = \frac{5}{2}x + \frac{1}{2}$ . مقدار  $f(1)$  کدام می‌تواند باشد؟

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

۹۸- اگر  $f(x) = \sqrt{x+a} - 1$  و  $g = \{(-1, 2), (1, 1), (2, 2), (-2, 5), (-3, 4), (3, -1), (4, 0), (7, 2)\}$  باشد، مجموعه دامنه تابع

$\frac{g}{f}$  سه عضو خواهد داشت. ( $a$ ) کدام است؟

۴ (۴)

۵ (۳)

۱ (۲)

۲ (۱)

۹۹- اگر  $f(x) = \sqrt{x}$  و  $g(x) = 2[x] - [x]^2$  کدام است؟، نماد جزء صحیح است.

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

۱۰۰- با توجه به توابع  $g(x) = \{ (3, 2), (2, -1), (-1, 3) \}$  و  $f(x) = \{ (2, 3), (3, -1), (-1, 4) \}$  حاصل ضرب اعضای برد تابع  $h = \frac{fog^{-1}}{f^{-1}og}$  باشد، مجموع اعضای برد تابع fog کدام است؟

کدام است؟

-  $\frac{1}{2}$  (۴)-  $\frac{2}{3}$  (۳)-  $\frac{3}{2}$  (۲) $\frac{1}{2}$  (۱)

۱۰۱- اگر  $B = [j^r - i]_{r \times 2}$  و  $A = [i^r - j]_{r \times 3}$  باشد، آنگاه دترمینان ماتریس  $AB$  کدام است؟

۵۴ (۴)

۳۶ (۳)

۹ (۲)

(۱) صفر

۱۰۲- اگر  $a_{ij} = \frac{(2i-j)!}{i!j!}$  و  $A = [a_{ij}]_{r \times r}$  آنگاه حاصل  $|A| + |2A|$  کدام است؟

 $\frac{17}{8}$  (۴)

-1 (۳)

 $\frac{5}{4}$  (۲)

-5 (۱)

۱۰۳- معادله  $x^3 - 1 = 0$  چند ریشهٔ حقیقی متمایز دارد؟

$$\begin{vmatrix} x & 1 & x^r \\ x^r & x & 1 \\ 1 & x^r & x \end{vmatrix} = 0$$

۳ (۴)

۲ (۳)

۱ (۲)

(۱) صفر

۱۰۴- اگر  $B = \begin{bmatrix} x & 1 \\ -2 & -1 \end{bmatrix}$  و دترمینان ماتریس  $AB$  با دترمینان وارون آن برابر باشد، آنگاه مجموع مقادیر  $x$  کدام است؟

-16 (۴)

-8 (۳)

16 (۲)

8 (۱)

Konkur.in

۱۰۵- اگر  $A = \begin{bmatrix} |A| & |B| \\ |A^{-1}| & |B^{-1}| \end{bmatrix}$  باشد، آنگاه  $|A|$  کدام می‌تواند باشد؟

 $\frac{\sqrt{2}}{3}$  (۲) $\frac{\sqrt{6}}{3}$  (۱) $\frac{\sqrt{3}}{3}$  (۴) $\frac{2\sqrt{3}}{3}$  (۳)

۱۰۶- به ازای کدام مقدار  $a$ ، دترمینان ماتریس در صورت افزودن یک واحد به تمامی درایه‌های واقع بر قطر اصلی آن

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & a \end{bmatrix}$$

تغییر نمی‌کند؟

$$\frac{65}{7} (4)$$

$$\frac{11}{7} (3)$$

$$9 (2)$$

$$\frac{19}{2} (1)$$

$$\begin{array}{l} \text{کدام است؟} \\ \left| \begin{array}{ccc} 10a & 6b & 12c \\ 35d & 21e & 42f \\ 15g & 9h & 18i \end{array} \right| \end{array} \quad \begin{array}{l} \text{باشد، آنگاه} \\ \left| \begin{array}{ccc} a & b & c \\ d & e & f \\ g & h & i \end{array} \right| = \frac{1}{54^{\circ}} \end{array} \quad 107$$

$$14 (4)$$

$$7 (3)$$

$$6 (2)$$

$$2 (1)$$

۱۰۸- اگر  $A$  ماتریسی وارون پذیر از مرتبه ۲ و  $|B - I| = 2$  باشد، حاصل دترمینان ماتریس  $|I - A^{-1}BA|$  کدام است؟

$$-2 (4)$$

$$-\frac{1}{2} (3)$$

$$2 (2)$$

$$\frac{1}{2} (1)$$

۱۰۹-  $A$  و  $B$  دو ماتریس مربعی مرتبه ۳ و  $|B^T - B + I| = 3$  باشد. اگر  $|AB| = 2$  است. اگر دترمینان ماتریس

$$\left( A^T - A + I \right) \text{ کدام است؟}$$

$$\frac{1}{6} (2)$$

$$6 (1)$$

$$\frac{2}{3} (4)$$

$$\frac{3}{2} (3)$$

۱۱۰- اگر دترمینان ماتریس‌های  $D = \begin{bmatrix} a & b & c \\ n & n+1 & n+2 \\ d & e & f \end{bmatrix}$ ،  $C = \begin{bmatrix} b & c \\ e & f \end{bmatrix}$ ،  $B = \begin{bmatrix} a & c \\ d & f \end{bmatrix}$ ،  $A = \begin{bmatrix} a & b \\ d & e \end{bmatrix}$  به ترتیب برابر  $(-4)$ ،  $2$ ،  $-6$  باشند،  $n$  کدام است؟

$$(-6) \text{ و } (-2) \text{ باشد، } n \text{ کدام است؟}$$

$$-1 (2)$$

$$-2 (1)$$

$$2 (4)$$

$$1 (3)$$

۱۱۱- کدامیک از معادلات هم‌نهاستی زیر در  $\mathbb{Z}$  جواب ندارد؟

$$12x \equiv 30 \pmod{18} (4)$$

$$3x \equiv 15 \pmod{9} (3)$$

$$4x \equiv 18 \pmod{6} (2)$$

$$51x \equiv 10 \pmod{6} (1)$$

۱۱۲- معادله  $73x \equiv 1 \pmod{73}$  در مجموعه اعداد طبیعی دو رقمی چند جواب دارد؟

$$4 (4)$$

$$3 (3)$$

$$2 (2)$$

$$1 (1)$$

۱۱۳- اگر روز اول فروردین شنبه باشد، دومین جمعه در مهر ماه، کدام روز این ماه است؟

- |           |            |           |        |
|-----------|------------|-----------|--------|
| ۴) سیزدهم | ۳) دوازدهم | ۲) یازدهم | ۱) دهم |
|-----------|------------|-----------|--------|

۱۱۴- اگر معادله همنهشتی  $c \equiv ax + b$  در  $\mathbb{Z}$  دارای جواب و  $a \equiv 8$  و  $b \equiv 4$  باشد، آنگاه  $c$  کدام یک از اعداد زیر می‌تواند باشد؟

- |        |        |        |        |
|--------|--------|--------|--------|
| ۴۲ (۴) | ۳۶ (۳) | ۳۰ (۲) | ۱۵ (۱) |
|--------|--------|--------|--------|

۱۱۵- اگر  $75x \equiv 54$ ، آنگاه عدد  $x$  به کدام دسته همنهشتی به پیمانه ۸ می‌تواند تعلق داشته باشد؟

- |         |         |         |         |
|---------|---------|---------|---------|
| [۶] (۴) | [۵] (۳) | [۴] (۲) | [۳] (۱) |
|---------|---------|---------|---------|

۱۱۶- اگر عدد چهار رقمی  $\overline{abc}$  بر اعداد ۲، ۳، ۵ و ۱۱ بخش‌پذیر باشد، آنگاه مجموع ارقام این عدد کدام است؟

- |        |        |        |       |
|--------|--------|--------|-------|
| ۱۸ (۴) | ۱۵ (۳) | ۱۲ (۲) | ۹ (۱) |
|--------|--------|--------|-------|

۱۱۷- اگر معادله همنهشتی  $ax \equiv 18$  در  $\mathbb{Z}$  فاقد جواب باشد، آنگاه کدام معادله زیر قطعاً در  $\mathbb{Z}$  جواب ندارد؟ ( $a \in \mathbb{Z}$ )

- |                   |                    |                    |                   |
|-------------------|--------------------|--------------------|-------------------|
| $ax \equiv 6$ (۴) | $ax \equiv 10$ (۳) | $ax \equiv 12$ (۲) | $ax \equiv 8$ (۱) |
|-------------------|--------------------|--------------------|-------------------|

۱۱۸- باقی‌مانده تقسیم عدد چهار رقمی  $M = \overline{abcb}$  بر ۳۳، برابر ۲ است. باقی‌مانده تقسیم بزرگ‌ترین عدد طبیعی  $M$  بر ۴ کدام است؟

- |       |       |       |        |
|-------|-------|-------|--------|
| ۳ (۴) | ۲ (۳) | ۱ (۲) | ۱) صفر |
|-------|-------|-------|--------|

۱۱۹- اگر عدد طبیعی پنج رقمی  $a\overline{111a}$  مضرب ۱۱ باشد، آنگاه چند عدد طبیعی چهار رقمی بخش‌پذیر بر ۹ به صورت وجود دارد؟

- |       |       |       |        |
|-------|-------|-------|--------|
| ۳ (۴) | ۲ (۳) | ۱ (۲) | ۱) هیچ |
|-------|-------|-------|--------|

۱۲۰- چند عدد طبیعی سه رقمی  $x$  وجود دارد که در روابط  $3x \equiv 2$  و  $4x \equiv 3$  صدق کند؟

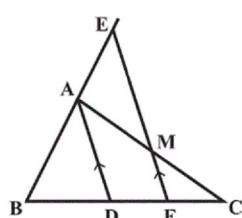
- |        |        |        |        |
|--------|--------|--------|--------|
| ۲۸ (۴) | ۲۷ (۳) | ۲۶ (۲) | ۲۵ (۱) |
|--------|--------|--------|--------|

۱۲۱- در چهارضلعی  $ABCD$ ،  $\hat{B} = 90^\circ$  و رأس  $C$  محل تقاطع نیمساز زاویه داخلی  $A$  و عمودمنصف ضلع  $AD$  است. اگر

$AB = 4$  و مساحت چهارضلعی  $ABCD$  برابر ۱۸ باشد، محیط این چهارضلعی کدام است؟

- |        |        |        |        |
|--------|--------|--------|--------|
| ۲۴ (۴) | ۲۰ (۳) | ۱۸ (۲) | ۱۶ (۱) |
|--------|--------|--------|--------|

۱۲۲- در شکل زیر، از نقطه  $M$  وسط پاره خط  $AC$ ، خطی موازی  $AD$  رسم شده است. اگر  $\frac{BD}{CD} = \frac{3}{5}$  باشد، حاصل کدام است؟



- |                   |                   |
|-------------------|-------------------|
| $\frac{1}{3}$ (۲) | $\frac{1}{2}$ (۱) |
|-------------------|-------------------|

- |                   |                   |
|-------------------|-------------------|
| $\frac{3}{4}$ (۴) | $\frac{2}{3}$ (۳) |
|-------------------|-------------------|

۱۲۳- مثلث قائم‌الزاویه‌ای با زاویه حاده  $30^\circ$  مفروض است. نسبت طول‌های دو قطعه‌ای که ارتفاع وارد بر وتر، روی وتر ایجاد می‌کند،

کدام است؟

- |                          |                   |                   |                   |
|--------------------------|-------------------|-------------------|-------------------|
| $\frac{\sqrt{3}}{3}$ (۴) | $\frac{1}{2}$ (۳) | $\frac{1}{3}$ (۲) | $\frac{1}{4}$ (۱) |
|--------------------------|-------------------|-------------------|-------------------|

۱۲۴- در دو چندضلعی با تعداد اضلاع متفاوت، تفاضل تعداد قطرها از دو برابر تعداد اضلاع، یکسان است. اختلاف تعداد رئوس این دو

چندضلعی کدام است؟

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

۱۲۵- در مثلث قائم الزاویه  $\hat{C} = 5\hat{B}$ ,  $\hat{A} = 90^\circ$   $\triangle ABC$  پای ارتفاع وارد بر وتر، دو عمود  $HE$  و  $HD$  به ترتیب بر

اضلاع  $AB$  و  $AC$  رسم شده است. نسبت مساحت چهارضلعی  $ADHE$  به مساحت مثلث  $ABC$  کدام است؟

$\frac{1}{16}$  (۴)

$\frac{1}{12}$  (۳)

$\frac{1}{8}$  (۲)

$\frac{1}{4}$  (۱)

۱۲۶- در مثلث قائم الزاویه  $\hat{A} = 90^\circ$   $\triangle ABC$  محل تلاقی نیمسازهای داخلی مثلث، دو عمود  $OH$  و  $OH'$  به ترتیب بر دو

ضلع  $AB$  و  $AC$  رسم شده است. اگر فاصله نقطه  $O$  از وتر، برابر  $2\sqrt{2}$  باشد، طول  $HH'$  کدام است؟

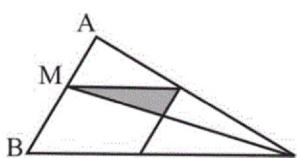
$2\sqrt{6}$  (۲)

۴ (۱)

۳ (۴)

$4\sqrt{2}$  (۳)

۱۲۷- در شکل زیر اگر  $\frac{MA}{MB} = \frac{2}{3}$  باشد، آنگاه مساحت مثلث سایه زده چند درصد مساحت متوازی‌الاضلاع است؟



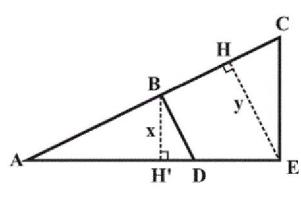
۲۰ (۱)

۲۴ (۲)

۲۵ (۳)

۳۰ (۴)

۱۲۸- در شکل مقابل، اگر  $BC = 10$ ,  $AB = 6$ ,  $DE = 4$ ,  $AD = 8$  باشد، نسبت  $\frac{x}{y}$  کدام است؟



Konkur.in

$\frac{1}{2}$  (۱)

$\frac{4}{5}$  (۴)

$\frac{2}{3}$  (۳)

۱۲۹- متوازی‌الاضلاع  $ABCD$  مفروض است. نیمسازهای دو زاویه مجاور  $C$  و  $D$  در نقطه  $E$  روی ضلع  $AB$  متقطع‌اند. اگر

$DE = 8$  و  $CE = 6$  باشد، محیط متوازی‌الاضلاع کدام است؟

۳۰ (۲)

۲۵ (۱)

۴۰ (۴)

۲۰ (۳)

۱۳۰- در یک ذوزنقه متساوی الساقین، دو قطر بر هم عمودند. اگر طول قاعده‌های این ذوزنقه ۱۴ و ۲ باشد، اندازه ساق کدام است؟

۹ (۲)

۸ (۱)

۱۲ (۴)

۱۰ (۳)

۱۳۱- اگر گزاره‌های  $q \Rightarrow p \Leftrightarrow \sim r \Rightarrow \sim p \Rightarrow q$  به ترتیب نادرست و درست باشند، آنگاه ارزش گزاره‌های  $(p \wedge q) \Rightarrow (r \Leftrightarrow q)$  و

$$(p \wedge q) \Rightarrow (r \Leftrightarrow q)$$

۴) درست - درست

۳) درست - نادرست

۲) نادرست - درست

۱) نادرست - نادرست

۱۳۲- اگر  $A$ ،  $B$  و  $C$  سه مجموعه دو به دو متمایز و  $A \cup B \subseteq A \cap C$  باشد، آنگاه کدام یک از مجموعه‌های زیر با سایرین متفاوت است؟

 $B - C$  (۴) $C - B$  (۳) $A - C$  (۲) $B - A$  (۱)

۱۳۳- اگر  $A$  و  $B$  دو مجموعه دلخواه باشند، آنگاه متمم مجموعه  $[A' \cap (A \cup B)] \cap [A \cap (A' \cup B')]$  همواره برابر کدام است؟

(U مجموعه مرجع است).

U (۴)

 $A'$  (۳)

A (۲)

 $\emptyset$  (۱)

۱۳۴- در یک کلاس ۱۲ دانش‌آموز در ۴ ردیف سه نفره نشسته‌اند. اگر دو نفر به تصادف از این کلاس انتخاب کنیم، احتمال آنکه دو نفر

انتخابی از یک ردیف نباشند، کدام است؟

 $\frac{6}{11}$  (۴) $\frac{8}{11}$  (۳) $\frac{9}{11}$  (۲) $\frac{10}{11}$  (۱)

۱۳۵- اگر  $S = \{a, b, c, d\}$  فضای نمونه یک آزمایش تصادفی باشد و  $P(d)$ ،  $P(c)$ ،  $P(b)$  و  $P(a)$  یک دنباله حسابی با

قدر نسبت  $\frac{1}{12}$  تشکیل دهند، آنگاه  $P(d)$  چند برابر  $P(a)$  است؟

۳ (۴)

۲/۵ (۳)

۲ (۲)

۱/۵ (۱)

۱۳۶- اگر  $A$  مجموعه اعداد طبیعی یک رقمی باشد، کدام یک از گزاره‌های سوری زیر نادرست است؟

$$\forall x \in A, \exists y \in A; x < y \quad (۲)$$

$$\forall x \in A, \exists y \in A; x \geq y \quad (۱)$$

$$\exists x \in A, \forall y \in A; |x - y| \leq 4 \quad (۴)$$

$$\exists x \in A, \forall y \in A; x + y \geq 10 \quad (۳)$$

۱۳۷- یکی از افرازهای مجموعه A به صورت  $\{a\}, \{b\}, \{a,b\}, \{c\}$  است. تعداد افرازهای مجموعه A که فاقد مجموعه تک عضوی باشند، کدام است؟

- ۶ (۴)      ۵ (۳)      ۴ (۲)      ۳ (۱)

۱۳۸- اگر A ∩ B = {a, b}، مجموعه A دارای ۶ عضو و مجموعه B - A دارای ۲۰ عضو باشد، مجموعه B چند زیرمجموعه دارد؟

- ۶۴ (۲)      ۳۲ (۱)

- ۱۲۸ (۴)      ۲۵۶ (۳)

۱۳۹- از مجموعه  $\{0, 6, 10, 10^2, 10^3, \dots\}$ ، یک عدد به تصادف انتخاب می‌کنیم. با کدام احتمال این عدد مضرب ۵ می‌باشد ولی بر ۶

بخش پذیر نیست، یا مضرب ۵ نیست ولی بر ۶ بخش پذیر است؟

- ۰ / ۳۲ (۲)      ۰ / ۳ (۱)

- ۰ / ۴ (۴)      ۰ / ۳۶ (۳)

۱۴۰- اگر S = {a<sub>۱</sub>, a<sub>۲</sub>, a<sub>۳</sub>, a<sub>۴</sub>, a<sub>۵</sub>} فضای نمونه یک آزمایش تصادفی و C = {a<sub>۱</sub>, a<sub>۲</sub>, a<sub>۳</sub>, a<sub>۴</sub>, a<sub>۵</sub>, a<sub>۶</sub>} و B = {a<sub>۱</sub>, a<sub>۲</sub>, a<sub>۳</sub>, a<sub>۴</sub>, a<sub>۵</sub>}، A = {a<sub>۱</sub>, a<sub>۲</sub>, a<sub>۳</sub>} باشد، کدام احتمال این عدد مضرب ۵ می‌باشد ولی بر ۶

سه پیشامد از این فضای نمونه باشند به طوری که  $P(C) = \frac{4}{5}$  و  $P(A) = \frac{3}{10}$  کدام است؟

- $\frac{1}{10}$  (۲)       $\frac{1}{20}$  (۱)

- $\frac{1}{4}$  (۴)       $\frac{1}{5}$  (۳)

۱۴۱- جسمی به جرم m را با سرعت اولیه افقی v<sub>۰</sub> روی یک مسیر افقی با ضریب اصطکاک جنبشی μ<sub>k</sub> پرتاب می‌کنیم. اگر جرم و

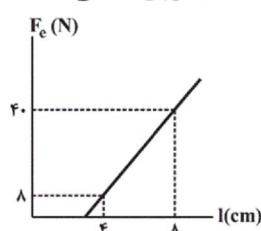
اندازه سرعت اولیه جسم را دو برابر کنیم، مدت زمان و مسافتی که طول می‌کشد تا جسم متوقف شود، به ترتیب از راست به

چه چند برابر می‌شود؟

- ۲، ۴ (۴)      ۴، ۴ (۳)      ۴، ۲ (۲)      ۲، ۲ (۱)

۱۴۲- نمودار اندازه نیروی کشسانی فنر بر حسب طول آن، مطابق با شکل زیر است. اگر این فنر را از دو طرف با نیروی افقی ۲۴N

بکشیم، طول آن چند سانتی‌متر می‌شود؟ (جرم فنر ناچیز فرض شود).

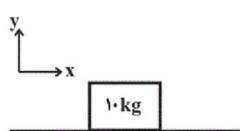


- ۶ (۲)      ۳ (۱)

- ۱۰ (۴)      ۸ (۳)

-۱۴۳- مطابق شکل زیر، به جسمی به جرم  $1\text{ kg}$  نیروی  $\vec{F} = 20\vec{i} + 20\vec{j}$  برحسب نیوتون اعمال می‌شود و جسم با سرعت ثابت روی

سطح افقی در حال حرکت است. نیرویی که سطح به جسم وارد می‌کند، چه زاویه‌ای برحسب درجه با راستای حرکت جسم



$$(g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}} \text{ و } \sin 37^\circ = \cos 53^\circ = 0.6)$$

۹۰ (۲)

۴۵ (۱)

۵۳ (۴)

۳۷ (۳)

-۱۴۴- یک گوی کروی به جرم  $80\text{ g}$  از بالای برجی به ارتفاع  $h$  از حال سکون رها می‌شود. اگر اندازه نیروی مقاومت هوا در طی حرکت گوی ثابت و برابر با  $2\text{ N}$  باشد، گوی پس از  $4\text{ s}$  به زمین می‌رسد. به ترتیب از راست به چپ  $h$  برحسب متر و تنیدی

$$\left( g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \right) \text{؟}$$

۲۰، ۸۰ (۴)

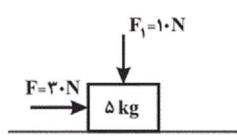
۱۵، ۱۵ (۳)

۳۰، ۶۰ (۲)

۱۵، ۶۰ (۱)

-۱۴۵- مطابق شکل زیر، جسمی به جرم  $5\text{ kg}$  روی سطحی افقی در حال حرکت است. اندازه نیروی  $\vec{F}$  حداقل چند نیوتون افزایش یابد

$$\text{تا جسم با سرعت ثابت به حرکت خود ادامه دهد؟} \quad (g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}} \text{ و } \mu_k = 0.2)$$



۸۰ (۲)

۷۰ (۱)

۱۰۰ (۴)

۹۰ (۳)

-۱۴۶- مطابق شکل زیر، جسمی به جرم  $4\text{ kg}$  توسط نیرویی افقی به بزرگی  $48\text{ N}$  به دیواره آسانسوری فشرده شده و در آستانه حرکت به سمت پایین قرار دارد. اگر آسانسور با شتاب ثابت در حال حرکت به سمت بالا باشد، اندازه شتاب حرکت آسانسور برحسب

$$\text{متر بر مجدور ثانیه و نوع حرکت آن مطابق کدام گزینه است؟} \quad (g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}} \text{ و } \mu_s = 0.5)$$



۲) کندشونده

۱) کندشونده

۴) تندشونده

۳) تندشونده

-۱۴۷- اگر با سه برابر شدن جرم یک جسم، انرژی جنبشی آن  $25$  درصد کاهش یابد، اندازه تکانه آن چگونه تغییر می‌کند؟

۲)  $50$  درصد کاهش می‌یابد.

۱)  $50$  درصد افزایش می‌یابد.

۴)  $25$  درصد کاهش می‌یابد.

۳)  $25$  درصد افزایش می‌یابد.

-۱۴۸- معادله تکانه - زمان جسمی به جرم  $2\text{ kg}$  در  $SI$  به صورت  $p = t^3 - 3t + 1$  است. شتاب متوسط جسم در چهار ثانیه اول حرکت

چند متر بر مجدور ثانیه است؟

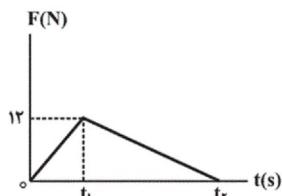
۸ (۴)

۷/۵ (۳)

۷ (۲)

۶/۵ (۱)

۱۴۹- نمودار نیرو - زمان وارد بر متحرکی که روی محور  $X$  حرکت می‌کند، مطابق شکل زیر است. آهنگ تغییر تکانه متوسط متحرک



در بازه زمانی صفر تا  $t_2$  چند واحد SI است؟

۹ (۲)

۱۲ (۱)

۶ (۴)

۸ (۳)

۱۵۰- معادله تکانه جسمی به جرم  $5\text{kg}$  بر حسب زمان در SI به صورت  $p = -t^3 + 7t - 10$  است. در مورد این جسم کدام گزینه

درست است؟

(۱) در بازه زمانی  $t_1 = 1\text{s}$  تا  $t_2 = 4\text{s}$ ، اندازه نیروی خالص متوسط وارد شده بر جسم برابر با  $3\text{N}$  است.

(۲) در لحظه  $t = 3\text{s}$ ، نیروی خالص وارد بر جسم، صفر است.

(۳) در  $3\text{s}$  اول، حرکت ابتدا کندشونده و سپس تندشونده است.

(۴) در  $t = 4\text{s}$ ، انرژی جنبشی جسم برابر با  $8\text{J}$  است.

۱۵۱- فاصله دو ستاره از هم برابر با  $62\text{ سال نوری}$  است. تخمین مرتبه بزرگی این فاصله بر حسب متر مطابق با کدام یک از گزینه‌های

$$\text{زیر می‌تواند باشد؟ } (c = 3 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}})$$

$10^{37}$  (۴)

$10^{32}$  (۳)

$10^{17}$  (۲)

$10^{12}$  (۱)

۱۵۲- یک ظرف استوانه‌ای به جرم  $3\text{kg}$ ، سطح مقطع داخلی  $60\text{cm}^2$  و ارتفاع  $125\text{cm}$  به طور کامل از مایعی به چگالی  $1/\text{L}$   $\frac{\text{kg}}{\text{L}}$

پُر شده است. اگر این ظرف را روی ترازویی قرار دهیم، ترازو چند کیلوگرم را نشان می‌دهد؟

$3/425$  (۴)

$4/65$  (۳)

$16/8$  (۲)

$13/5$  (۱)

۱۵۳- چگالی مخلوطی از دو مایع A و B با چگالی‌های  $\rho_A = 0.75 \frac{\text{g}}{\text{L}}$  و  $\rho_B = 1.25 \frac{\text{g}}{\text{L}}$  برابر با  $\frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$  است. اگر حجم اولیه

مایع A برابر با  $V_A$  و حجم اولیه مایع B برابر با  $V_B$  باشد، حاصل  $\frac{V_A}{V_B}$  کدام است؟ (در اثر مخلوط شدن تغییر حجم رخ

Konkur.in

نمی‌دهد).

$0/7$  (۲)

$\frac{10}{7}$  (۱)

$1/4$  (۴)

$\frac{5}{7}$  (۳)

۱۵۴- تندی متحرکی به جرم  $50\text{kg}$  بعد از طی مسافت افقی  $2\text{km}$  از  $54 \frac{\text{km}}{\text{h}}$  به  $90 \frac{\text{km}}{\text{h}}$  می‌رسد. اندازه نیروی خالص متوسط وارد

بر متحرک چند نیوتون است؟

$100$  (۴)

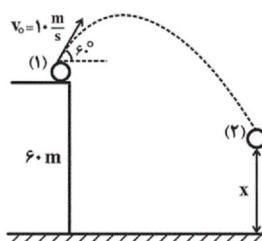
$50$  (۳)

$324$  (۲)

$648$  (۱)

۱۵۵- مطابق شکل زیر، گلوله‌ای به جرم  $2\text{ kg}$  از ارتفاع  $6\text{ m}$  سطح زمین با تندی  $\frac{\text{m}}{\text{s}}$  تحت زاویه  $60^\circ$  نسبت به افق پرتاب

می‌شود. وقتی تندی گلوله به  $\frac{\text{m}}{\text{s}}$  می‌رسد، ارتفاع گلوله از سطح زمین چند متر است؟ (اتلاف انرژی نداریم و  $(g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}})$



۴۵ (۱)

۹۰ (۲)

۲۲/۵ (۳)

۶۷/۵ (۴)

۱۵۶- اتومبیلی به جرم یک تن بر روی جاده‌ای افقی از حال سکون به حرکت در می‌آید و بعد از طی مسافت  $5\text{ m}$  طی مدت  $5$

ثانیه، سرعتش به  $\frac{\text{km}}{\text{h}}$  می‌رسد. اگر اندازه نیروی مقاوم در کل مسیر ثابت و برابر با  $5000\text{ N}$  باشد، توان متوسط موتور

اتومبیل چند کیلووات است؟

۶۲۵ (۴)

۵۰۰ (۳)

۲۵۰ (۲)

۱۲۵ (۱)

۱۵۷- اگر در یک ماشین، توان خروجی  $4$  برابر توان تلفشده باشد، بازده ماشین چند درصد است؟

۸۰ (۴)

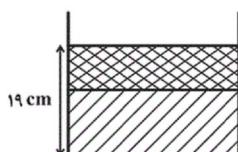
۷۵ (۳)

۵۰ (۲)

۲۵ (۱)

۱۵۸- مطابق شکل زیر، در ظرفی آب و روغن در حال تعادل قرار دارند. اگر مجموع ارتفاع دو مایع درون ظرف برابر با  $19\text{ cm}$  و فشار ناشی از دو مایع در کف ظرف برابر با  $1800\text{ Pa}$  باشد، فشار ناشی از مایع‌ها در عمق  $8\text{ cm}$  سانتی‌متری از سطح آزاد آن‌ها چند

پاسکال است؟ ( $g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}$  و  $\rho_{\text{آب}} = 1 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$ ،  $\rho_{\text{روغن}} = 0.8 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$ )



۶۰۰ (۲)

۵۰۰ (۱)

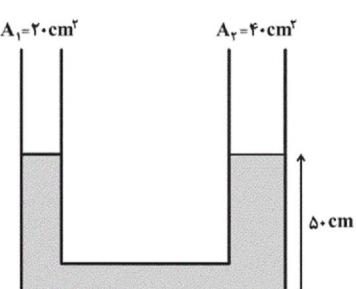
۸۰۰ (۴)

۷۰۰ (۳)

۱۵۹- در لوله U شکل زیر، مایعی به چگالی  $1.5 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$  در حال تعادل قرار دارد. چند گرم مایع به چگالی  $6 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$  در شاخه سمت

چپ بریزیم که پس از ایجاد تعادل، ارتفاع سطح آزاد مایع از کف ظرف در شاخه سمت راست برابر با  $52\text{ cm}$  شود؟ (مایع‌ها با

یکدیگر مخلوط نمی‌شوند).



۳۰ (۱)

۲۰۰ (۲)

۱۸۰ (۳)

۹۰ (۴)

۱۶۰- در یک بارومتر، از مایعی به چگالی  $1.7 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$  استفاده شده است. ارتفاع مایع داخل این بارومتر در سطح دریاهای آزاد برابر با

چند سانتی‌متر است؟ ( $P_0 = 76 \text{ cmHg}$  و  $\rho_{\text{جیوه}} = 13600 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$ )

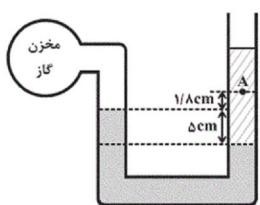
۳/۰۴ (۴)

۳۰۴ (۳)

۶۰۸ (۲)

۶۰۸ (۱)

۱۶۱- در شکل زیر اگر آب و جیوه در حال تعادل و فشار گاز درون مخزن برابر با  $84\text{cmHg}$  باشد، فشار در نقطه A چند سانتی‌متر



$$\text{جیوه است؟} \quad (\rho_{\text{آب}} = 1000 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}, \rho_{\text{جیوه}} = 1360 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3})$$

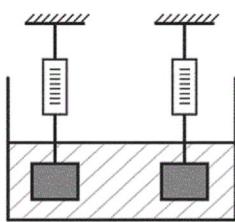
۷۹ (۲)

۸۸/۵ (۱)

۷۷/۸ (۴)

۷۸/۵ (۳)

۱۶۲- از ماده‌ای به چگالی  $\frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$ ، دو مکعب با شکل ظاهری یکسان می‌سازیم ولی در یکی از آن‌ها حفره‌ای وجود دارد. اگر هر کدام از آن‌ها را مطابق شکل درون آب شناور کنیم، نیروسنجهای اعداد ۱۲N و ۱۸N را نشان می‌دهند. حجم حفره درون مکعب



$$\text{حفره‌دار چند سانتی‌متر مکعب است؟} \quad (g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}})$$

۲۰۰ (۲)

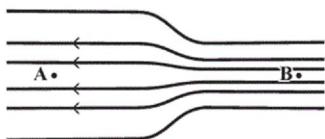
۲۰۰۰ (۱)

۱۸۰ (۴)

۱۸۰۰ (۳)

۱۶۳- در شکل زیر، آب با جریان لایه‌ای در لوله‌ای استوانه‌ای با دو سطح مقطع متفاوت در حال حرکت است. اگر تندي آب در نقطه A

$$\frac{1}{4} \text{ تندي آن در نقطه B} \quad \text{باشد، نسبت قطر مقطع بزرگ‌تر لوله به قطر مقطع کوچک‌تر آن کدام است؟}$$



۴ (۲)

۸ (۱)

۲ (۴)

۶ (۳)

۱۶۴- اگر دمای جسمی بر حسب درجه فارنهایت ۹ درصد کاهش یابد، دمای آن بر حسب کلوین  $7K$  تغییر می‌کند. دمای جسم در ابتدا

چند درجه سلسیوس بوده است؟

سایت Konkur.in

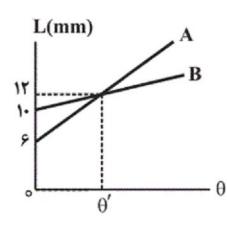
۱۵۰ (۲)

۱۲/۶ (۱)

۶۰ (۴)

۱۴۰ (۳)

۱۶۵- نمودار طول دو میله A و B بر حسب دمای آن‌ها، مطابق شکل زیر است. ضریب انبساط طولی میله A چند برابر ضریب انبساط



طولی میله B می‌باشد؟

 $\frac{1}{5}$  (۲)

۵ (۱)

 $\frac{1}{2}$  (۴)

۲ (۳)

۱۶۶- توان ورودی یک گرمکن الکتریکی  $2\text{kW}$  است. اگر بازده این گرمکن برابر با  $80\%$  درصد باشد، در مدت ۷ ساعت، چند کیلوگرم

$$\text{یخ در دمای نقطه ذوب را به آب با دمای } 40^\circ\text{C تبدیل می‌کند؟} \quad (c_{\text{آب}} = 4200 \frac{\text{J}}{\text{kg}^\circ\text{C}}, L_F = 336 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}})$$

۸۰ (۴)

۲۰ (۳)

۰/۵ (۲)

۳۲۰ (۱)

۱۶۷- ۲۰۰ گرم یخ  $10^{\circ}\text{C}$ - را با مقداری آب  $50^{\circ}\text{C}$  مخلوط می‌کنیم. اگر پس از برقراری تعادل گرمایی، ۵۰ یخ در مخلوط باقی بماند،

$$\text{جرم اولیه آب} = \frac{\text{کیلو جو} \text{ کیلو}}{\text{کیلو}} = \frac{336}{\text{کیلو}} = 4200 \text{ کیلو} \text{ و} \text{ اتلاف انرژی نداریم.}$$

۴۱۰ (۴)

۲۶۰ (۳)

۲۵۰ (۲)

۱۵۰ (۱)

۱۶۸- در یک میله فلزی با رسانندگی گرمایی  $400 \frac{\text{W}}{\text{m.K}}$  ۴۸۰ گرم با آهنگ  $480 \text{ W}$  در حال شارش است. اگر اختلاف دمای دو سر میله

$$360 \text{ درجه فارنهایت، چگالی میله} = \frac{\text{گی} \text{ cm}}{\text{گی} \text{ cm}} = 20 \text{ و طول آن} 50 \text{ cm} \text{ باشد، جرم میله چند کیلوگرم است؟}$$

۳۶ (۴)

۳۲ (۳)

۳۰ (۲)

۲۴ (۱)

۱۶۹- اگر هوا را گازی آرامانی فرض کنیم، جرم هوای موجود در اتاقی به ابعاد  $6\text{m} \times 4\text{m} \times 3\text{m}$ ، در فشار یک اتمسفر و دمای  $27^{\circ}\text{C}$

$$\text{برابر با چند کیلوگرم است؟} \quad R = 8 \frac{\text{گی}}{\text{mol}} \text{ و} \text{ جرم مولی هوا} = 29 \frac{\text{گی}}{\text{mol}} \text{ (۱ اتمسفر)}$$

۸۷ (۴)

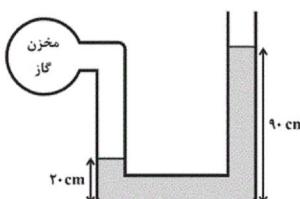
۸۰ (۳)

۹۰ (۲)

۹۴ (۱)

۱۷۰- در شکل زیر، جیوه در لوله U شکل در حال تعادل است. اگر دمای گاز درون مخزن  $120^{\circ}\text{C}$  تغییر کند، سطح مایع درون لوله

سمت راست  $20 \text{ cm}$  پایین می‌رود. دمای اولیه گاز درون مخزن چند درجه سلسیوس بوده است؟ ( $P_0 = 70 \text{ cmHg}$  و حجم گاز



droon مخزن ثابت فرض شود.)

۳۰۰ (۲)

۴۲۰ (۱)

۲۷ (۴)

۱۴۷ (۳)

۱۷۱- دو بار الکتریکی نقطه‌ای  $q_1 = 16 \mu\text{C}$  و  $q_2 = -9 \mu\text{C}$  به ترتیب روی محور x در مکان‌های  $x_1 = 0 \text{ cm}$  و  $x_2 = 10 \text{ cm}$  قرار دارند. بار

الکتریکی  $q_3 = 1 \mu\text{C}$  را در چه فاصله‌ای از بار  $q_2$  بر حسب سانتی‌متر روی محور x ها قرار دهیم تا برایند نیروهای الکتریکی

وارد بر آن صفر شود؟

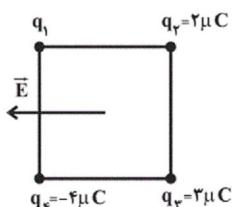
۳۵ (۴)

۶۰ (۳)

۴۰ (۲)

۳۰ (۱)

۱۷۲- مطابق شکل زیر، چهار بار الکتریکی نقطه‌ای در چهار رأس مربعی ثابت شده‌اند. اگر میدان الکتریکی برایند در مرکز مربع مطابق

شکل به صورت افقی باشد، بار  $q_1$  چند میکروکولون است؟

-۶ (۲)

۵ (۱)

-۳ (۴)

۳ (۳)

۱۷۳- بارهای الکتریکی نقطه‌ای  $C = 1\text{ }\mu\text{C}$  و  $q_A = 5\text{ }\mu\text{C}$  به ترتیب در نقاط  $A$  و  $B$  از دستگاه مختصات قرار دارند.

بردار برایند میدان‌های الکتریکی ناشی از این دو بار در مبدأ مختصات و در SI، مطابق با کدام یک از گزینه‌های زیر است؟

$$\left( \mathbf{k} = 9 \times 10^9 \frac{\text{N} \cdot \text{m}^2}{\text{C}^2} \right)$$

$$(2) \quad \left( 3\vec{i} + 4/5\vec{j} \right) \times 10^4$$

$$(1) \quad \left( -3\vec{i} - 4/5\vec{j} \right) \times 10^4$$

$$(4) \quad \left( -4/5\vec{i} - 3\vec{j} \right) \times 10^4$$

$$(3) \quad \left( 4/5\vec{i} + 3\vec{j} \right) \times 10^4$$

۱۷۴- گلوله‌ای با بار الکتریکی  $C = 20\text{ }\mu\text{C}$  و جرم یک گرم در یک میدان الکتریکی بکنواخت قائم و رو به بالا، به حالت تعادل قرار دارد. در

این میدان الکتریکی، اندازه اختلاف پتانسیل الکتریکی بین دو نقطه که در راستای قائم به فاصله  $5\text{ cm}$  از یکدیگر قرار دارند،

$$\left( g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}} \right) \text{ چند ولت است؟}$$

$$(4) \quad 2000$$

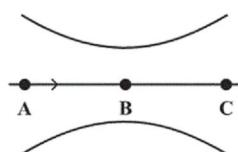
$$(3) \quad 2500$$

$$(2) \quad 25$$

$$(1) \quad 25 \times 10^4$$

۱۷۵- مطابق شکل زیر، بار الکتریکی مثبت  $q$  را در یک میدان الکتریکی از نقطه  $A$  رها می‌کنیم. مشاهده می‌کنیم بار ابتدا از نقطه  $B$  و سپس از نقطه  $C$  می‌گذرد. درباره تغییرات انرژی پتانسیل الکتریکی این بار و تغییرات پتانسیل الکتریکی کدام گزینه

صحیح است؟



(1) انرژی پتانسیل الکتریکی ابتدا افزایش و سپس کاهش می‌یابد. پتانسیل الکتریکی همواره کاهش می‌یابد.

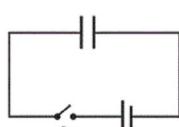
(2) انرژی پتانسیل الکتریکی ابتدا کاهش و سپس افزایش می‌یابد. پتانسیل الکتریکی همواره کاهش می‌یابد.

(3) انرژی پتانسیل الکتریکی همواره افزایش می‌یابد. پتانسیل الکتریکی همواره افزایش می‌یابد.

(4) انرژی پتانسیل الکتریکی همواره کاهش می‌یابد. پتانسیل الکتریکی همواره کاهش می‌یابد.

۱۷۶- در مدار شکل زیر، پس از آن که خازن تخت شارژ شد، کلید را باز و فاصله بین صفحات خازن را با دیالکتریکی به طور کامل پُرس

می‌کنیم. کدام یک از عبارت‌های زیر صحیح است؟



(2) ظرفیت خازن کاهش می‌یابد.

(1) بار ذخیره شده در خازن افزایش می‌یابد.

(4) بار ذخیره شده در خازن ثابت می‌ماند.

(3) ولتاژ دو سر خازن ثابت می‌ماند.

۱۷۷- دو سر خازن تختی به ظرفیت  $F = 12\text{ }\mu\text{F}$  را به یک باتری وصل می‌کنیم. اگر فاصله بین صفحات خازن را  $20\text{ }\mu\text{m}$  درصد کاهش دهیم،

به ترتیب از راست به چپ، انرژی ذخیره شده و بار ذخیره شده در خازن چگونه تغییر می‌کند؟

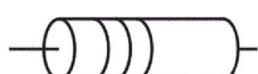
(2)  $25\text{ }\mu\text{F}$  درصد افزایش،  $25\text{ }\mu\text{F}$  درصد کاهش می‌یابد.

(1)  $20\text{ }\mu\text{F}$  درصد کاهش،  $20\text{ }\mu\text{F}$  درصد افزایش می‌یابد.

(4)  $20\text{ }\mu\text{F}$  درصد افزایش،  $20\text{ }\mu\text{F}$  درصد افزایش می‌یابد.

(3)  $25\text{ }\mu\text{F}$  درصد افزایش،  $25\text{ }\mu\text{F}$  درصد افزایش می‌یابد.

۱۷۸- اگر رنگ تمام خطوط روی یک مقاومت ترکیبی یکسان باشد، کدام گزینه نمی‌تواند بیانگر مقدار این مقاومت باشد؟



۲۲kΩ (۲)

۱۱Ω (۱)

۶۶MΩ (۴)

۴۴۰kΩ (۳)

۱۷۹- کدام یک از عبارت‌های زیر نادرست است؟

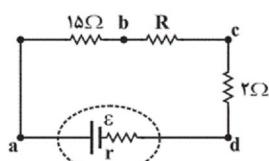
(۱) در مقاومت‌های نوری با کاهش شدت نور، مقاومت افزایش می‌یابد.

(۲) از ترمیستور به عنوان حسگر دما در مدارهای حساس به دما استفاده می‌شود.

(۳) در مدارهای الکتریکی، پتانسیومتر نقش یک مقاومت پیچه‌ای را دارد.

(۴) جهت قرارگیری دیود در مدار تأثیری در جریان عبوری از مدار ندارد.

۱۸۰- در مدار شکل زیر، اگر اندازه اختلاف پتانسیل الکتریکی بین دو نقطه a و c برابر با ۶۸V و بین دو نقطه b و d برابر ۱۶V



باشد، R برابر چند آهم است؟

۲ (۲)

۱ (۱)

۴ (۴)

۳ (۳)

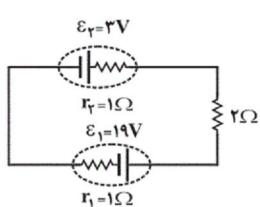
۱۸۱- در مدار شکل مقابل توان ورودی مولد مصرف‌کننده چند وات است؟

۱۶ (۲)

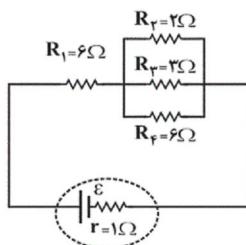
۲۸ (۱)

۶۰ (۴)

۹۲ (۳)



۱۸۲- در مدار شکل زیر، توان مصرفی در مقاومت R<sub>۱</sub> چند برابر توان مصرفی در مقاومت R<sub>۲</sub> می‌باشد؟



$\frac{1}{3}$  (۱)

۳ (۲)

۹ (۳)

۱۸ (۴)

۱۸۳- در مدار شکل زیر، وقتی کلید k باز است، ولتسنج ایده‌آل عدد ۶V را نشان می‌دهد. اگر کلید k بسته شود، ولتسنج ایده‌آل

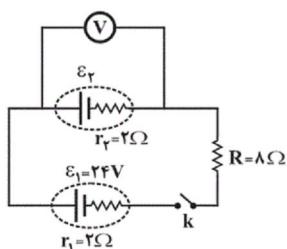
چند ولت را نشان خواهد داد؟

۶ (۱)

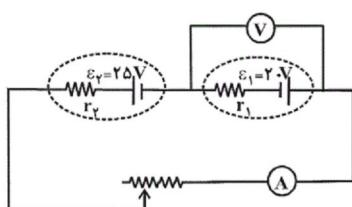
۷/۵ (۲)

۴/۵ (۳)

۹ (۴)



۱۸۴- در مدار شکل زیر، با حرکت لفزنده رئوستا به سمت راست، چه تغییری در اعدادی که آمپرسنچ و ولتسنچ ایده‌آل نشان می‌دهند، به وجود می‌آید؟



(۱) کاهش می‌باید - افزایش می‌باید.

(۲) کاهش می‌باید - کاهش می‌باید.

(۳) افزایش می‌باید - کاهش می‌باید.

(۴) افزایش می‌باید - افزایش می‌باید.

۱۸۵- ذره‌ای با بار الکتریکی  $C = 6 \mu C$  با سرعت  $\frac{m}{s} = 200$  در یک میدان مغناطیسی به بزرگی  $G = 500$  در حرکت است. در لحظه‌ای که

$$\left( \sin 30^\circ = \frac{1}{2} \right)$$

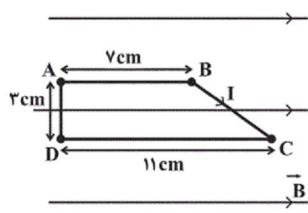
(۱)  $15\sqrt{3} \times 10^{-5}$

(۲)  $3 \times 10^{-5}$

(۳)  $15\sqrt{3} \times 10^{-6}$

(۴)  $3 \times 10^{-4}$

۱۸۶- مطابق شکل زیر، یک سیم مسی را به شکل یک ذوزنقه در آورده‌ایم و آن را به طور کامل درون میدان مغناطیسی یکنواختی به بزرگی  $T = 50$  قرار می‌دهیم. اگر جریان الکتریکی عبوری از سیم برابر با  $I = 2A$  باشد، به ترتیب از راست به چپ اندازه نیروی مغناطیسی وارد بر قسمت BC و اندازه نیروی مغناطیسی خالص وارد بر کل ذوزنقه، چند نیوتون می‌باشد؟



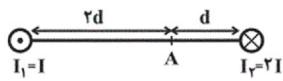
(۱) ۰/۰۰۳ و صفر

(۲) ۰/۰۳ و صفر

(۳) ۰/۰۰۵ و ۰/۰۰۳

(۴) ۰/۰۵ و ۰/۰۳

۱۸۷- مطابق شکل زیر، دو سیم راست، بلند و موازی حامل جریان، بر صفحه کاغذ عمودند. میدان مغناطیسی ناشی از جریان دو سیم در نقطه A به کدام جهت است؟



(۱) →

(۲) ↓

(۳) ↑

(۴) ←

(۵) ↓

(۶) ↑

۱۸۸- از سیمی به طول  $l = 14\text{cm}$  پیچه مسطحی می‌سازیم. اگر جریان  $I = 2A$  از پیچه عبور کند، بزرگی میدان مغناطیسی در مرکز پیچه

$$\text{برابر با } B = 5\pi G \text{ می‌شود. شاعع پیچه چند سانتی‌متر است؟} \quad (\mu_0 = 4\pi \times 10^{-7} \frac{\text{T.m}}{\text{A}} \text{ و } \pi = 3/14)$$

(۱) ۰/۰۲

(۲) ۰/۰۴

(۳) ۲/۲

(۴) ۴

۱۸۹- سیم‌وله‌ای آرمانی به طول  $l = 20\text{cm}$  از ۵۰ حلقه سیم بهم فشرده تشکیل شده است. اگر جریان  $I = 2A$  از آن عبور کند، بزرگی

$$\text{میدان مغناطیسی روی محور سیم‌وله چند گاوس است؟} \quad (\mu_0 = 4\pi \times 10^{-7} \frac{\text{T.m}}{\text{A}})$$

(۱) ۰/۱

(۲) ۲π

(۳) ۱۰π

(۴) ۲۰

۱۹۰- قرار گرفتن کدام یک از مواد مغناطیسی در میدان مغناطیسی خارجی سبب القای دو قطبی‌های مغناطیسی در خلاف سوی میدان

خارجی در آن می‌شود؟

- (۱) پارامغناطیسی      (۲) دیامغناطیسی      (۳) فرومغناطیسی نرم      (۴) فرومغناطیسی سخت

۱۹۱- تمام گزینه‌های زیر درست هستند، به جز...

(۱) تأمین انرژی، تولید مواد و اندازه‌گیری و کنترل کیفی، نشان دهنده برخی از قلمروهای الکتروشیمی است.

(۲) در واکنش میان فلز و نافلز، همواره فلز و نافلز به ترتیب نقش کاهنده و اکسنده دارد.

(۳) الکتروشیمی افزون بر تهیه مواد جدید به کمک انرژی الکتریکی می‌تواند در راستای اصول شیمی سبز گام بردارد.

(۴) می‌توان با استفاده از دو تیغه از جنس روی و مس و میوه‌ای مانند لیمو نوعی باتری ساخت.

۱۹۲- چه تعداد از عبارت‌های زیر درست است؟

الف) ماده‌ای که با گرفتن الکترون سبب اکسایش گونه دیگر می‌شود، اکسنده نام دارد.

ب) اکسیژن نافلزی فعال بوده که با تمام فلزها واکنش می‌دهد و آن‌ها را به اکسید فلز تبدیل می‌کند.

پ) هرگاه تیغه‌ای از جنس روی درون محلول مس (III) سولفات قرار گیرد به تدریج از شدت رنگ آبی محلول کاسته می‌شود.

ت) در هر واکنش شیمیایی، هنگامی که بار الکتریکی یک گونه مثبت‌تر شود، آن گونه کاهش می‌یابد.

- (۱) ۱      (۲) ۲      (۳) ۳      (۴) ۴

۱۹۳- با توجه به واکنش فلز روی با ۲۵۰ میلی‌لیتر محلول یک مولار هیدروکلریک اسید که با افزایش دمای محلول همراه است، چند

مورد از عبارت‌های زیر درست است؟

الف) کاتیون‌های هیدروژن توسط گونه کاهنده، کاهش یافته و به گاز هیدروژن تبدیل می‌شوند.

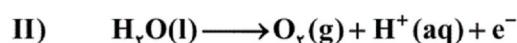
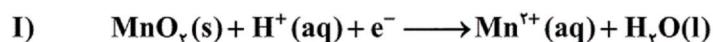
ب) پایداری واکنش‌دهنده‌ها بیشتر از فراورده‌ها است.

پ) در این واکنش هر اتم روی با از دست دادن یک الکترون اکسایش می‌یابد.

ت) در پایان واکنش، pH محلول نهایی نسبت به محلول اولیه بیشتر است.

- (۱) ۱      (۲) ۲      (۳) ۳      (۴) ۴

۱۹۴- با توجه به نیم واکنش های موازن نشده داده شده، کدام یک از گزینه های زیر درست است؟



۱) نیم واکنش «I»، نیم واکنش اکسایش و نیم واکنش «II»، نیم واکنش کاهش است.

۲) تعداد الکترون های مبادله شده در نیم واکنش «I»، به ازاء هر مول  $\text{MnO}_\gamma$  دو برابر تعداد الکترون های مبادله شده در نیم واکنش

«II» به ازاء هر مول  $\text{O}_\gamma$  است.

۳) در نیم واکنش «II» به ازای مصرف هر مول آب، چهار مول الکترون مبادله می شود.

۴) ضریب استوکیومتری آب در هر دو نیم واکنش با یکدیگر برابر است.

۱۹۵- یک تیغه آلومینیمی را در  $500\text{mL}$  محلول  $\text{CuSO}_4$  با غلظت  $8\text{mol.L}^{-1}$  قرار می دهیم. اگر در مدت زمان معینی،

$10\text{ g} \times 836 \times 10^{22}$  الکترون بین گونه اکسند و کاهنده مبادله شود، چند گرم یون آلومینیم وارد محلول

$$(\text{Al} = 27\text{g.mol}^{-1})$$

۱۶/۲ (۴)

۸/۱ (۳)

۱/۶۲ (۲)

۰/۸۱ (۱)

۱۹۶- با وارد کردن یک تیغه روی در محلول آبی حاوی یون های  $\text{Cu}^{\gamma+}$  در یک بازه زمانی مشخص، ۱۳ گرم از آن اکسایش یافته است.

اگر فرض کنیم تمام مس تولید شده بر روی این تیغه فلزی رسوب کند، تغییر جرم تیغه در این مدت چند گرم خواهد بود؟

$$(\text{Zn} = 65, \text{Cu} = 64 : \text{g.mol}^{-1})$$

۰/۱ (۴)

۶/۴ (۳)

۰/۲ (۲)

۱۲/۸ (۱)

۱۹۷- کدام گزینه نادرست است؟

۱) در گذشته برای عکاسی، از سوختن منیزیم به عنوان منبع نور استفاده می شد.

۲) در واکنش سوختن منیزیم، ترکیب یونی  $\text{MgO}$  تشکیل می شود.

۳) گونه های اکسند و کاهنده در واکنش سوختن منیزیم به ترتیب  $\text{Mg}$  و  $\text{O}_\gamma$  هستند.

۴) به ازای تولید هر مول منیزیم اکسید در واکنش سوختن منیزیم، دو مول الکترون مبادله می شود.

۱۹۸- جدول زیر داده‌هایی را از قرار دادن برخی تیغه‌های فلزی درون محلول مس (II) سولفات در دمای  $20^{\circ}\text{C}$  نشان می‌دهد. با

توجه به آن کدام گزینه در مورد مقایسه قدرت کاهندگی فلزها درست است؟

جنس تیغه	دمای مخلوط واکنش پس از مدتی ( $^{\circ}\text{C}$ )
Fe	۲۳
Au	۲۰
Zn	۲۶
Cu	۲۰

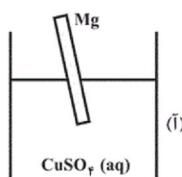
$$\text{Zn} > \text{Fe} > \text{Cu} > \text{Au} \quad (1)$$

$$\text{Cu} > \text{Zn} > \text{Fe} > \text{Au} \quad (2)$$

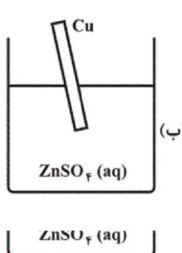
$$\text{Zn} < \text{Fe} < \text{Cu} < \text{Au} \quad (3)$$

$$\text{Cu} < \text{Zn} < \text{Fe} < \text{Au} \quad (4)$$

۱۹۹- با توجه به شکل مقابل کدام گزینه نادرست است؟



(۱) پس از گذشت مدت زمان معین، محلول (آ) حاوی یون‌های  $\text{Mg}^{2+}$  (aq) می‌شود.

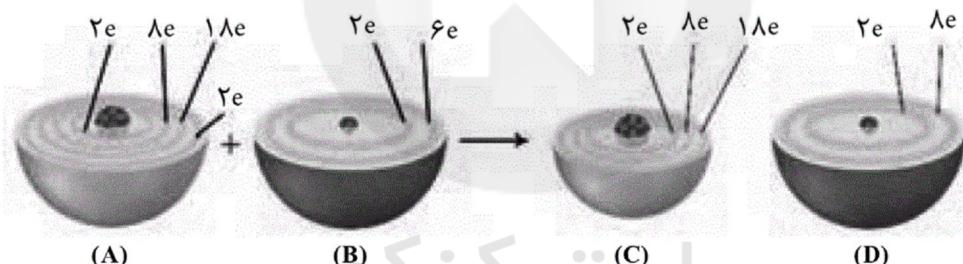


(۲) در محلول (ب) اتم‌های مس با از دست دادن دو الکترون به یون  $\text{Cu}^{2+}$  (aq) تبدیل می‌شوند.

(۳) دمای محلول (آ) برخلاف محلول (ب) پس از مدتی افزایش می‌یابد.

(۴) قدرت کاهندگی منیزیم و مس به صورت  $\text{Mg} > \text{Cu}$  درست است.

۲۰۰- با توجه به شکل زیر موارد از عبارت‌های داده شده درست است؟



الف) واکنش داده شده نوعی واکنش اکسایش - کاهش به شمار می‌رود.

# Konkur.in

(ب) در آرایش الکترونی ماده (A)، ۸ الکtron دارای  $I = 1$  وجود دارد.

(پ) گونه‌های (C) و (D) به آرایش الکترونی پایدار گاز نجیب رسیده‌اند.

(ت) گونه (B) اکسنده و گونه (A) کاهنده است.

(۲) الف، پ

(۱) الف، ت

(۴) ب، ت

(۳) ب، پ

- ۲۰۱ - کدام گزینه درست است؟

۱) عنصری با آرایش الکترونی لایه ظرفیت  $4\ p^2$ ، سومین عنصر فراوان زمین و چهارمین عنصر فراوان مشتری است.۲) دوره چهارم جدول دوره‌ای شامل سه عنصر است که در زیرلایه با  $I = 2$  = پنج الکترون دارند.

۳) رنگ شعله فلزهای مس، لیتیم و سدیم و ترکیب‌های هر یک از آن‌ها به ترتیب سبز، قرمز و زرد است.

۴) نوار سرخ در طیف نشری خطی اتم هیدروژن حاصل از انتقال الکترون از  $n = 3$  به  $n = 1$  است.- ۲۰۲ - شمار اتم‌های هیدروژن در ۱۱۲ گرم  $N_2H_4$  با شمار مولکول‌های چندگرم  $NH_3$  برابر است؟

$$(H = 1, N = 14, O = 16 : g/mol^{-1})$$

۲۳/۸ (۴)

۲۳۸ (۳)

۱۱/۹ (۲)

۱۱۹ (۱)

- ۲۰۳ - کدام گزینه نادرست است؟

۱) اورانیم شناخته شده‌ترین فلز پرتوزا است که از ایزوتوپ  $U^{235}$  آن، به عنوان سوخت در راکتور اتمی استفاده می‌شود.

۲) پایدارترین ایزوتوپ هیدروژن فاقد یکی از ذره‌های زیراتومی تشکیل دهنده هسته است.

۳) بیشتر  $Tc^{99}$  موجود در جهان به طور مصنوعی و با استفاده از واکنش‌های هسته‌ای ساخته می‌شود.

۴) از ۱۱۸ عنصر شناخته شده، تنها ۹۲ عنصر در طبیعت یافت می‌شود.

- ۲۰۴ - عنصر X دارای سه ایزوتوپ  $X^{58}$ ،  $X^{60}$  و  $X^{62}$  است. اگر درصد فراوانی سینگین‌ترین ایزوتوپ آن ۱۰ درصد و جرم اتمیمیانگین X برابر ۵۸/۹ باشد، درصد فراوانی ایزوتوپ  $X^{58}$  چند برابر درصد فراوانی ایزوتوپ  $X^{60}$  است؟

۳ (۴)

۲/۶ (۳)

۲/۵ (۲)

۱ (۱)

- ۲۰۵ - شمار الکترون‌هایی که در اتم  $Cr^{44}$  دارای عدد کوانتمویی فرعی کمتر از ۲ هستند کدام است و تعداد الکترون‌هایی که رفتارشیمیایی  $Co^{27}$  را تعیین می‌کند، برابر چند است؟ (گزینه‌ها را از راست به چپ بخوانید).

۹،۱۹ (۴)

۹،۲۰ (۳)

۲۱۹ (۲)

۲،۲۰ (۱)

- ۲۰۶ - چند مورد از مطالب زیر در رابطه لایه‌های هوکری درست‌اند؟

الف) تغییر دما با افزایش ارتفاع از سطح زمین در لایه اول همچون لایه سوم نزولی است.

ب) روند تغییر فشار برخلاف روند تغییر دما با افزایش ارتفاع از سطح زمین به صورت منظم تغییر می‌کند.

پ) تغییرات آب و هوای زمین در لایه‌ای رخ می‌دهد که در آن با افزایش ارتفاع به ازای هر کیلومتر دما به اندازه ۶ کلوین افت می‌کند.

ت) حدود ۷۵ درصد جرم هوکری، در نزدیکترین لایه به سطح زمین قرار گرفته است.

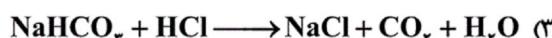
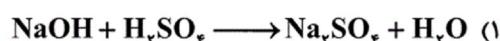
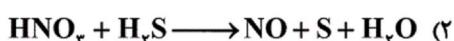
۱ (۴)

۲ (۳)

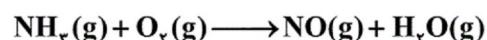
۳ (۲)

۴ (۱)

- ۲۰۷ - در کدام واکنش زیر، پس از موازنۀ، مجموع ضرایب استوکیومتری فراورده‌ها بزرگ‌تر است؟



۲۰۸- مخلوطی از گاز آمونیاک و هوا در محفظه‌ای دربسته طی معادله موازنه نشدۀ زیر وارد واکنش می‌شوند. اگر در پایان واکنش  $\frac{1}{4}$  لیتر گاز NO تولید شود، حجم گاز آمونیاک و هوا به ترتیب از راست به چپ برابر چند لیتر است؟ (واکنش دهنده‌ها به طور کامل مصرف می‌شوند. شرایط را STP و درصد حجمی O<sub>2</sub> در هوا را برابر ۲۰ درصد در نظر بگیرید.)



(۴) ۰/۵

(۳) ۰/۵

(۲) ۲/۵

(۱) ۲/۵

۲۰۹- کدام موارد از عبارت‌های زیر درست هستند؟

(الف) واکنش محلول نقره نیترات با محلول سدیم کلرید همانند واکنش محلول کلسیم فسفات و سدیم کلرید منجر به تولید رسوب سفیدرنگ می‌شود.

(ب) حل جزیی از محلول با جرم بیشتر است که حل شونده را در خود حل می‌کند.

(پ) درصد جرمی را می‌توان با تقسیم ppm بر ۱۰۰۰۰ محاسبه کرد.

(ت) تهیه گاز کلر، فلز سدیم، سود سوزآور و گاز هیدروژن، بیشترین سهم را در کاربردهای NaCl دارد.

(۴) پ، ت

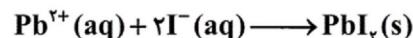
(۳) الف، پ

(۲) ب، پ

(۱) الف، ت

۲۱۰- اگر برای تعیین غلظت یون Pb<sup>۲+</sup> موجود در یک تن فاضلاب صنعتی یک کارخانه از ۲ لیتر محلول ۱۵٪ مولار KI به طور کامل استفاده شود، غلظت یون Pb<sup>۲+</sup> در این نمونه از فاضلاب صنعتی چند ppm است؟

$$(\text{Pb} = ۲۰۸, \text{I} = ۱۲۷, \text{K} = ۳۹ : \text{g.mol}^{-۱})$$



(۴) ۸۲/۴

(۳) ۶۲/۴

(۲) ۴۱/۲

(۱) ۳۱/۲

۲۱۱- کدام عبارت درست است؟

(۱) اختلاف شعاع اتمی دو عنصر Al<sub>۱۳</sub> و Si<sub>۱۴</sub> بیشتر از اختلاف شعاع اتمی دو عنصر Al<sub>۱۳</sub> و Mg<sub>۱۲</sub> است.

(۲) خصلت ناقلزی ید خیلی کمتر از فلوریوم است، بطوریکه ید حتی در دمای بالاتر از ۴۰۰°C نیز با H<sub>۲</sub> واکنش نمی‌دهد.

(۳) اغلب ناقلزها در طبیعت به شکل ترکیب‌های یونی همچون اکسیدها، کربنات‌ها و ... یافت می‌شوند.

(۴) فلز روی (Zn<sub>۲</sub>) اولین عنصر فلزی است که زیرلایه ۳d آن کاملاً پر است.

۲۱۲- از واکنش چند گرم فلز منیزیم با خلوص ۷۲٪ طی واکنش موازنۀ نشدۀ زیر ۳۶ گرم فلز تیتانیم با خلوص ۹۶٪ تهیه می‌شود؟



$$(\text{Ti} = ۴۸, \text{Mg} = ۲۴ : \text{g.mol}^{-۱})$$

(۴) ۶۲

(۳) ۵۶

(۲) ۴۸

(۱) ۲۴

۲۱۳- اگر از تجزیه حرارتی ۴۰٪ ۴ گرم پتاسیم نیترات طی واکنش موازنۀ نشدۀ زیر ۹/۴ گرم پتاسیم اکسید به دست آید، بازده درصدی این واکنش کدام است و در شرایط STP چند لیتر فراورده گازی تولید می‌شود؟ (K = ۳۹, O = ۱۶, N = ۱۴ : g.mol<sup>-1</sup>)

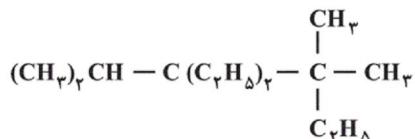


(۴) ۷/۸۴، ۷۵

(۳) ۷/۸۴، ۵۰

(۲) ۵/۶، ۷۵

(۱) ۵/۶، ۵۰



(۲) ۳، ۳ - دی اتیل - ۲، ۴، ۴ - تری متیل هگزان

(۴) ۳، ۲ - دی اتیل - ۲، ۴ - دی متیل پنتان

- ۲۱۴- نام آلکانی با فرمول ساختاری مقابله کدام است؟

(۱) ۳، ۲ - تری اتیل - ۴ - دی متیل پنتان

(۳) ۳ - اتیل - ۴ - دی متیل هگزان

- ۲۱۵- کدام گزینه درست است؟

(۱) آلکانی با ساختار  $C(CH_3)_2CH_2CH(CH_3)C_2H_5$

(۲) آلکان با ۱۸ اتم هیدروژن در مقایسه با آلکان ۷ کربن، در برابر جاری شدن مقاومت کمتری دارد.

(۳) در آلکان‌های راست‌زنگیر، با افزایش نقطه جوش آنها، فشاریت کم می‌شود.

(۴) مقایسه تعداد پیوندهای اشتراکی در ساختار هیدروکربن‌های هم‌کربن به صورت «آلکین < آلکن < آلکان» است.

- ۲۱۶- کدام گزینه درست است؟

(۱) اگر انرژی گرمایی دو نمونه گاز آرگون با هم برابر باشد، حتماً دمای این دو نمونه گاز با هم برابر است.

(۲) با کاهش دمای یک نمونه روغن، میانگین سرعت ذره‌های سازنده آن کاهش می‌یابد.

(۳) هرچه ظرفیت گرمایی ماده‌ای بیشتر باشد، با جذب مقدار معینی گرما، تغییر دمای بیشتری خواهد داشت.

(۴) گرما از ویژگی‌های یک نمونه ماده است و همچنین برای توصیف یک فرایند استفاده می‌شود.

- ۲۱۷- اگر  $\Delta H$  واکنش  $CH_4(g) + 2O_2(g) \rightarrow CO_2(g) + 2H_2O(g)$  برابر  $-804\text{ kJ}$  باشد، آنتالپی پیوند  $O = O$  برابر چند

کیلوژول بر مول است؟ (آنالپی پیوندهای  $C - H$  و  $O - H$  را به ترتیب برابر  $415\text{ kJ}$  و  $800\text{ kJ}$  در  $465\text{ kJ}$  کیلوژول بر مول در

نظر بگیرید).

۴۹۸ (۴)

۴۲۴ (۳)

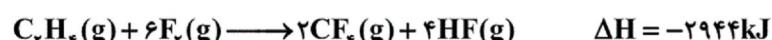
۴۵۸ (۲)

۴۰۴ (۱)

- ۲۱۸- با توجه به واکنش‌های زیر اگر سرعت آزادسازی انرژی در واکنش تشکیل  $CF_4$  از گرافیت و گاز فلور مطابق معادله

$2F_2(g) + C(s) \rightarrow CF_4(g)$  در چند ثانیه تولید خواهد

شد؟ ( $CF_4 = 88\text{ g.mol}^{-1}$ )



۹ (۴)

۶ (۳)

۳ (۲)

۱ (۱)

۲۱۹- با توجه به واکنش زیر که در یک ظرف ۵ لیتری دربسته انجام می‌گیرد، اگر سرعت متوسط تولید گاز  $\text{CO}_\gamma$  برابر با

باشد، چند ثانیه طول می‌کشد تا ۲۵۰ گرم کلسیم کربنات به‌طور کامل تجزیه شود؟



۶۲/۵ (۴)

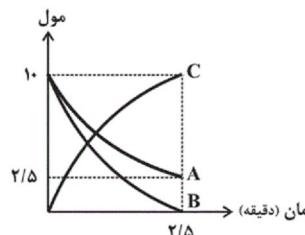
۱۲۵ (۳)

۲۵۰ (۲)

۶۲۵ (۱)

۲۲۰- طبق نمودار زیر، سرعت مصرف و تولید دو ماده A و C و سرعت متوسط واکنش در بازه‌های زمانی صفر تا ۲/۵ دقیقه به ترتیب

از راست به چپ چند  $\text{mol} \cdot \text{min}^{-1}$  است؟



۴، ۳، ۴ (۲)

۱، ۴، ۳ (۴)

۴، ۴، ۳ (۱)

۱، ۳، ۴ (۳)



سایت کنکور

Konkur.in

## A : پاسخ نامه(کلید) آزمون 1 آذر 1398 گروه ریاضی نظام جدید دفترچه

1	□□□✓□	51	✓□□□□	101	□□□□✓	151	□□✓□□	201	□□□✓□
2	✓□□□□	52	□✓□□□	102	✓□□□□	152	□✓□□□	202	□□□✓□
3	□✓□□□	53	□□□✓□	103	□✓□□□	153	□✓□□□	203	□□□✓□
4	□□□✓□	54	□□□□✓	104	□✓□□□	154	□□□✓□	204	□□□✓□
5	□□□□✓	55	□✓□□□	105	□□□✓□	155	✓□□□□	205	□□□□✓
6	□□□✓□	56	□□□✓□	106	□□□□✓	156	✓□□□□	206	✓□□□□
7	□□□□✓	57	□□□□✓	107	□□□✓□	157	□□□□✓	207	□✓□□□
8	□□□✓□	58	□□□□✓	108	□✓□□□	158	□□□✓□	208	✓□□□□
9	□□□✓□	59	□□□✓□	109	✓□□□□	159	□□□✓□	209	□□□□✓
10	✓□□□□	60	✓□□□□	110	✓□□□□	160	✓□□□□	210	✓□□□□
11	□✓□□□	61	□□□□✓	111	✓□□□□	161	✓□□□□	211	✓□□□□
12	✓□□□□	62	✓□□□□	112	□□□□✓	162	□✓□□□	212	□✓□□□
13	□□□✓□	63	□✓□□□	113	✓□□□□	163	□□□□✓	213	□□□✓□
14	□□□✓□	64	□✓□□□	114	□□□✓□	164	□□□□✓	214	□✓□□□
15	□□□✓□	65	□□□✓□	115	□□□□✓	165	✓□□□□	215	□□□✓□
16	✓□□□□	66	□✓□□□	116	□□□✓□	166	□□□□✓	216	□✓□□□
17	□□□□✓	67	✓□□□□	117	□✓□□□	167	□□□✓□	217	□□□□✓
18	□✓□□□	68	□□□□✓	118	✓□□□□	168	□✓□□□	218	□✓□□□
19	□□□✓□	69	□✓□□□	119	□□□□✓	169	□□□□✓	219	□□□✓□
20	□□□□✓	70	✓□□□□	120	✓□□□□	170	□□□✓□	220	□□□□✓
21	□✓□□□	71	□□□□✓	121	□□□✓□	171	✓□□□□		
22	□□□✓□	72	✓□□□□	122	□□□□✓	172	□□□□✓		
23	□□□✓□	73	□□□□✓	123	✓□□□□	173	✓□□□□		
24	□□□□✓	74	□□□□✓	124	✓□□□□	174	□□□✓□		
25	□✓□□□	75	✓□□□□	125	✓□□□□	175	□□□□✓		
26	✓□□□□	76	□✓□□□	126	✓□□□□	176	□□□□✓		
27	□□□□✓	77	□□□□✓	127	✓□□□□	177	□□□✓□		
28	□□□□✓	78	□□□□✓	128	✓□□□□	178	□✓□□□		
29	□□□✓□	79	✓□□□□	129	✓□□□□	179	□□□□✓		
30	□□□□✓	80	□✓□□□	130	□□□✓□	180	□✓□□□		
31	✓□□□□	81	□✓□□□	131	✓□□□□	181	✓□□□□		
32	✓□□□□	82	□✓□□□	132	□□□✓□	182	□□□□✓		
33	□□□□✓	83	□□□□✓	133	□□□□✓	183	□□□□✓		
34	□✓□□□	84	✓□□□□	134	□✓□□□	184	□□□□✓		
35	□✓□□□	85	□□□✓□	135	□□□□✓	185	□□□✓□		
36	□□□✓□	86	□□□□✓	136	✓□□□□	186	✓□□□□		

37	87	137	187
38	88	138	188
39	89	139	189
40	90	140	190
41	91	141	191
42	92	142	192
43	93	143	193
44	94	144	194
45	95	145	195
46	96	146	196
47	97	147	197
48	98	148	198
49	99	149	199
50	100	150	200



سایت کنکور

Konkur.in



# دفترچه پاسخ

۱ آذر ماه ۱۳۹۸

## عمومی دوازدهم

### رشته ریاضی

طراحان به ترتیب حروف الفبا

فارسی	محسن اصغری - طین زاده‌کیا - مریم شمرانی - سی‌جمال طباطبایی‌نژاد - کاظمی کاظمی - الهام محمدی - حسن وسکری
عربی، (یان قرآن	درویشعلی ابراهیمی - محمد جهان‌بین - امیر رضایی رنجبر - محمدرضا غفورانی - محمدعلی کاظمی - خالد مشیرپناهی - حامد مقدس‌زاده - فاطمه منصورخاکی
دین و اندیشه	محسوبه انسام - ابوالفضل احمدزاده - محمد بختیاری - محسن بیاتی - محمد رضایی‌بقا - فردین سماقی - محمد فخرالدین مرشدی - محمددرضا فرهنگیان - مرتضی محسنی کبیر - هادی ناصری - سید احسان هندي
(یان الکلیسی	آناهیتا اصغری - فربا توکلی - محمد رحیمی‌نصرآبادی - میرحسین زاهدی - علی عاشوری - ساسان عزیزی‌نژاد - امیرحسین مراد

گزینشگران و ویراستاران به ترتیب حروف الفبا

نام درس	مسئول درس	گروه ویراستاری	گروه ویراستار	گزینشگر	مسئول درس‌های مستندسازی
فارسی	طین زاده‌کیا	محسن اصغری	درویشعلی ابراهیمی	فریبا رؤوفی	محمد جواد قورچیان
عربی، (یان قرآن	فاطمه منصورخاکی	دریوشعلی ابراهیمی - حسین رضایی	اسماعیل یونسپور	لیلا ابرزی	محمد آقاد صالح - صالح احصایی
دین و اندیشه	محمد رضایی‌بقا	سکینه گلشنی	مرتضی محسنی کبیر	محمد پرهیزکار	آناهیتا اصغری
(یان الکلیسی	لila بهلوان	عبدالرشید شنبیعی - محمد مرآتی	لila بهلوان	فاطمه فلاحت‌بیشه	فاطمه منصورخاکی

گروه فنی و تولید

مدیر گروه	فاطمه منصورخاکی
مسئول دفترچه	فرهاد حسین‌پوری
مسئول دفترچه	مسئول دفترچه
مسئول دفترچه	مسئول دفترچه: آننه اسفندیاری
مسئول دفترچه	مدیر: فاطمه رسولی نسب، مسئول دفترچه: آننه اسفندیاری
حروف‌نگاری و صفحه‌آرایی	فاطمه عظیمی
نظرات چاپ	سوران نعیمی

### گروه آزمون

#### بنیاد علمی آموزشی قلمچی (وقف عام)

آدرس دفتر مرکزی: خیابان انقلاب- بین صبا و فلسطین- پلاک ۹۲۳ - تلفن چهار رقمی: ۰۶۴۶۳-۰۲۱



## فارسی ۱ و ۳

(مسن اصغری)

-۶

استعاره: گوهر (در مصراج دوم) استعاره از مهر و محبت

ایهام تناسب: ندارد

تشریح گزینه‌های دیگر:

گزینه «۱»: تشبیه: تیغ غمze/ جناس: هدف و صدف

گزینه «۲»: کایه: چشم به راه بودن (منتظر بودن و انتظار کشیدن)/ تضاد: نشستن و برخاستن

گزینه «۴»: حس‌آمیزی: شیرین کلام/ مجاز: چمن (باغ)

(فارسی ۳، آرایه، ترکیبی)

(کاظم کاظمی)

-۷

در این گزینه دو ترکیب وصفی به کار رفته است: صد غنچه، هرجا

تشریح گزینه‌ها:

گزینه «۱»: ترکیب‌های وصفی: هرچه، هرگه، دو عالم/ ترکیب‌های اضافی: اسیر عشق، گدای یار

گزینه «۲»: ترکیب‌های وصفی: هر دم، ناخوانده مهمان (مهمان ناخوانده)/ ترکیب‌های اضافی: غم عشق، عشق تو

گزینه «۳»: ترکیب‌های وصفی: هر چراغی، شب تار / ترکیب‌های اضافی: ره گم‌گشته‌ای، شب عدم، شمع مزار

(فارسی ۳، زبان فارسی، صفحه ۳۶)

(مسن وسلری - ساری)

-۸

مفهوم مشترک ایات «الف» و «د» این است که برای کریمان دردنگ و دشوار است که محتاج فرمایگان باشند.

(فارسی ۳، مفهوم، صفحه ۳۶)

(مسن اصغری)

-۹

در ایات گزینه‌های «۱، ۲ و ۴» مشترکاً مخاطب خود را (قله دماوند)، به حرکت و مبارزه دعوت می‌کند اما در بیت گزینه «۳» از مردم خواسته می‌شود تا این واقعه که کیفر ایزدی است، بترسند.

(فارسی ۳، مفهوم، صفحه ۳۶)

(کاظم کاظمی)

-۱۰

مفهوم بیت گزینه «۱»: گوشه‌گیری‌ای که به قصد شهرت طلبی باشد، نکوهیده و ناپسند است.

تشریح سایر گزینه‌ها:

مفهوم مشترک ایات گزینه‌های «۳، ۲ و ۴»:

دعوت به گوشه‌گیری از مردم و ستایش آن

(فارسی ۳، مفهوم، مشابه صفحه ۳۶)

(مسن وسلری - ساری)

-۱

اختر سعد: سیاره مشتری است که به «سعد اکبر» مشهور است.

(فارسی ۳، لغت، واژه‌نامه)

(سیدهمال طباطبایی نژاد)

-۲

املای واژه «ستوران» نادرست است.

(فارسی ۳، املاء، ترکیبی)

(کاظم کاظمی)

-۳

غلط املایی و شکل درست آن: خوار ← خار

(فارسی ۳، املاء، ترکیبی)

(سیدهمال طباطبایی نژاد)

-۴

گزینه «۳» اسلوب معادله دارد ولی حس‌آمیزی در بیت نیست.

تشریح گزینه‌های دیگر:

گزینه «۱»: بحر لطف: تشبیه/ صائب تبریزی با توجه به نقل قول ذکر شده در مصراج اول، مصراج دوم را از مولوی در شعر خود تضمین کرده است (مصراج دوم عیناً مصraigی از غزل مولوی است).

گزینه «۲»: جام و جم؛ جناس ناهمسان/ «کی» در مصraig اول قید پرسش است اما در مصraig دوم به معنای پادشاه است: جناس همسان.

بیت تلمیح به دو ماجراهی تاریخی دارد: (۱) حکایت جمشید و جام جهان‌نمای ۲- کی کاووس شاه کیانی

گزینه «۴»: روی برپیچم: کنایه از دوری کردن/ جان سپر کردن: کنایه از جان بازی و فداکاری/ «ناوک» استعاره از ملامت

(فارسی ۳، آرایه، ترکیبی)

(مسن وسلری - ساری)

-۵

حسن تعیلیل: علت آن که ستاره‌ها همچون میخ‌هایی بر آسمان کوییده شده‌اند آن است که اسراو تو را فاش نکنند.

ایهام تناسب: «روی» به معنای «بر، سطح» به کار رفته است، اما در معنای غیرمرتب خود که همان «صورت و چهره» باشد با «دهن» تناسب دارد.

تشبیه: کواكب (ستاره) به مسماهها (میخ‌ها) تشبیه شده است.

جناس: راز / را

(فارسی ۳، آرایه، ترکیبی)



<p>(العام محمدی)</p> <p>ردیف «را» در گزینه «۱»، حرف اضافه به معنای «برای» است و در سایر ابیات نشانه مفعول است.</p> <p>(فارسی ا، زبان فارسی، صفحه ۱۱۶)</p>	-۱۶	<p>(مسن اصغری)</p> <p>معنی «رحم کردن» برای واژه «استرحام» معنی «هلاک شده» برای واژه «ورطه» و معنی «خودرأی» برای واژه «عنود» نادرست است.</p> <p>(فارسی ا، لغت، واژه‌نامه)</p>	-۱۱
<p>(ظبن زاهدی‌کیا)</p> <p>در گزینه «۴» فقط واو ربط وجود دارد.</p> <p>تشریح سایر گزینه‌ها:</p> <p>گزینه «۱»: در مصراج اول: واو ربط / در مصراج دوم: واو عطف گزینه «۲»: واو اول: واو عطف / واو دوم و سوم: واو ربط گزینه «۳»: در مصراج اول: واو عطف / در مصراج دوم: واو ربط</p> <p>(فارسی ا، زبان فارسی، صفحه ۱۴)</p>	-۱۷		
<p>(العام محمدی)</p> <p>دو بیت صورت سؤال بیانگر مقام و ادبی «معرفت» است که عارف در این جایگاه به آگاهی و شناخت دست می‌یابد. این مفهوم در ابیات گزینه‌های مرتب نیز به کار رفته است. در بیت گزینه «۲»، «عبدت بدون عادت» کلید معرفت دانسته شده است.</p> <p>(فارسی ا، مفهوم، صفحه ۱۷)</p>	-۱۸	<p>(العام محمدی)</p> <p>همه معناهای آمده برای واژگان «الف، ج» صحیح هستند. در قسمت «ب»، جمال و در قسمت «د»، بدیخت نادرست است.</p> <p>(فارسی ا، لغت، واژه‌نامه)</p>	-۱۲
<p>(ظبن زاهدی‌کیا)</p> <p>پدرام: آرسته، نیکو، شاد</p> <p>(فارسی ا، لغت، واژه‌نامه)</p>		<p>(ظبن زاهدی‌کیا)</p> <p>تشریح گزینه‌های دیگر:</p> <p>گزینه «۱»: زلف چون سرو تو چون طبع من آزاد است / شعر من چون قد تو موزون است (۳ تشبیه).</p> <p>گزینه «۲»: تو چون ماه / سرای من چون گردون تو / تو چون سرو / کنار من چون بستان تو: ۴ تشبیه</p> <p>گزینه «۴»: تو چون باغ / شهریار چون سرو / تو چون سرو / پادشه چون تذرو: ۴ تشبیه</p> <p>(فارسی ا، آرایه، مشابه صفحه ۱۸)</p>	-۱۳
<p>(مریم شمیرانی)</p> <p>مفهوم آیه این است که کسانی که در راه خدا کشته می‌شوند نمرده‌اند، زنده‌اند و نزد پروردگارشان روزی می‌خورند. این مفهوم در گزینه «۳» نیز آمده است.</p> <p>تشریح گزینه‌های دیگر:</p> <p>گزینه «۱»: مسیح با زنده کردن یک مرده به شهرت رسید، ولی تو کشتگان خود را زنده می‌کنی و کسی خبردار نمی‌شود.</p> <p>گزینه «۲»: کسی که عاشق نیست، مرده است.</p> <p>گزینه «۴»: یار کشتن عاشقان را به تأخیر انداخت، پس ای فرد امیدوار به آینده، شاد باش.</p> <p>(فارسی ا، مفهوم، صفحه ۱۸۵)</p>	-۱۹	<p>(مریم شمیرانی)</p> <p>تو چون سرو / سرو تو چون طبع من آزاد است / شعر من چون قد تو موزون است (۳ تشبیه).</p> <p>تشریح گزینه‌های دیگر:</p> <p>گزینه «۱»: زلف چون کمند / ابروی چون کمان / قامت چون سرو / روی چون بهار: ۴ تشبیه</p> <p>گزینه «۲»: تو چون ماه / سرای من چون گردون تو / تو چون سرو / کنار من چون بستان تو: ۴ تشبیه</p> <p>گزینه «۴»: تو چون باغ / شهریار چون سرو / تو چون سرو / پادشه چون تذرو: ۴ تشبیه</p> <p>(فارسی ا، آرایه، مشابه صفحه ۱۸)</p>	-۱۴
<p>(العام محمدی)</p> <p>بیت صورت سؤال و گزینه‌های «۱، ۲ و ۳» به نایابیاری و گذرا بودن زندگی دنیا اشاره می‌کنند اما بیت گزینه «۴» می‌گوید: با یک آه می‌توان عالمی را دگرگون کرد زیرا که برای رسیدن به مقصود یک رهبر کافی است.</p> <p>تشریح گزینه‌های دیگر:</p> <p>گزینه «۱»: در عالم فانی که هر لحظه بقا در حال رفتن است، حتی اگر زندگی خضر را داشته باشی، باز هم خواهی رفت.</p> <p>گزینه «۲»: در این دنیا تا چشم بر هم زنی، عمرت به پایان رسیده است.</p> <p>گزینه «۳»: وقتی که نیستی و نابودی آماده هستند که مرا نابود کنند، هستی من چگونه می‌تواند، به راحتی سپری شود.</p> <p>(فارسی ا، مفهوم، صفحه ۶۹)</p>	-۲۰	<p>(مریم شمیرانی)</p> <p>(الف) جام می‌ام ده: جام می‌به من ده (متهم)</p> <p>ت) اگر شربتی از چشمۀ حیوان باید: اگر شربتی از چشمۀ حیوان برای تو لازم است (متهم)</p> <p>تشریح ابیات دیگر:</p> <p>ب) به پای ریزتم: به پای تو ریزم (مضاف‌الیه)</p> <p>پ) کشید در خم چوگان خویش چون گوییم: چون گویی مرا در خم چوگان خویش کشید (مفعول)</p> <p>(فارسی ا، زبان فارسی، مشابه صفحه ۱۸)</p>	-۱۵



(قالل مشینپاها - مکلان)

-۲۶

در گزینه «۱» فعل «نیفرز» مجهول است و «ترشح می کند» نادرست است و درست آن «ترشح می شود» است. «... از آن برای بهبود زخمهاش مایعی ترشح می شود.» (ترجمه)

(ممدرضا غفورانی - کلکان)

-۲۷

از لباس های زنانه دارای رنگ های مختلف = الفستان / القميص: پیراهن مردانه (مفهوم)

(محمدعلی کاظمی - کاشان)

-۲۸

ترجمه ضرب المثل صورت سؤال: سینه های آزادگان مخزن اسرار است. عبارت داده شده به رازداری و ارزش آن اشاره دارد که این مفهوم از گزینه «۴» نیز دریافت می شود.

## تشریح گزینه های دیگر

گزینه «۱»: این بیت به «دوری کردن از گناه» تأکید دارد.  
 گزینه «۲»: این بیت به این که «دل زمین، انسان های ارزشمندی را که در گذشته اند در خود جای داده است.»  
 گزینه «۳»: این بیت به این که «این عالم خاکی، برای ساخته شدن آدمی کامل کافی نیست بلکه باید عالمی نو ساخت.» اشاره دارد.

## ترجمه متن درک مطلب

«ستارگان همان اجسام نوردهنده ای هستند که در شب آن ها را در آسمان پراکنده می بینیم و حجم آن ها از نظر کوچک و بزرگ متفاوت است، پس برخی از آن ها از خورشید بزرگترند، ولی به خاطر دوری فراوانشان از ما، کوچک دیده می شوند و نور ستارگان به خاطر شدت نور خورشید در روز نمایان نمی شود. با برخی ستارگان مانند ستاره قطبی مسافر در خشکی و دریا رهنمون می شود. بعضی از ستارگان از خود نور و حرارت دارند و (برخی) دیگر هیچ نوری و حرارتی ندارند مانند ما که دور زمین ما می چرخد و نور خورشید را منعکس می کند و چیزی که دانستنیش مهم است این است که خورشید ما و آن چه که دور آن می چرخد از ستاره ها چیزی جز یک فلك کوچک، درون فلک هایی با وسعت دارای خورشیدهایی عظیم نیستند. پس پاک و منزه است آفریننده بزرگ!»

(غاطمه منصورفانی)

-۲۹

همانطور که در متن آمده است: «برخی ستارگان مانند ستاره قطبی راهنمای مسافران در خشکی و دریا هستند.»

## تشریح گزینه های دیگر

گزینه «۱»: «خورشید بزرگترین ستاره در فلك است!» نادرست است، زیرا در متن گفته شده، برخی از ستاره ها از خورشید بزرگترند.  
 گزینه «۲»: «ماه یکی از ستارگانی است که نور و حرارت دارد!» نادرست است، زیرا در متن گفته شده، ماه، نور و حرارت ندارد و نور خورشید را منعکس می کند.  
 گزینه «۴»: «خورشید دور ماه می چرخد و نور آن را منعکس می کند!» نادرست است، زیرا در متن گفته شده، ماه دور زمین می چرخد و نور خورشید را منعکس می کند.

(غاطمه منصورفانی)

-۳۰

با توجه به متن، چون نور خورشید شدید است، ما نمی توانیم ستارگان را ببینیم.

## تشریح گزینه های دیگر

گزینه «۱»: «زیرا اندازه آن ها بسیار کوچک است!» نادرست است.  
 گزینه «۲»: «زیرا آن ها در شب وجود دارند و در روز وجود ندارند!» نادرست است.  
 گزینه «۳»: «زیرا دوری آن ها از ما زیاد و دیدنشان سخت است!» نادرست است.

(درک مطلب)

## عربی، زبان قآن ۱ و ۲

-۲۱

(هامد مقدس زاده - مشهور)  
 (آنده): کسی که / «بیسل» می فرستد / «الرایح»: بادها / «ثیر»: برمی انگیزد / «سحاباً»: ابری را / «یبسطه فی السماء»: آن را در آسمان می گستراند

## تشریح گزینه های دیگر

گزینه «۱»: «اب، نیز، آسمانها» نادرست اند.  
 گزینه «۳»: «باد، ابرها، حرکت می دهد» نادرست اند.  
 گزینه «۴»: «اب، حرکت می دهد» نادرست اند.

(ترجمه)

-۲۲

(ممدر یهان بین)  
 (قد اُخی): ادا کردہ اند، بدها آوردہ اند (رد گزینه های «۱ و ۴» و «والدای»: پدر و مادرم (رد گزینه «۲») / «العتبات»: آستانه ها، آستانه ها (جمع عتبة) / «ولکھما يقولی»: ولی آنها (آن دو) می گویند (رد گزینه های «۱ و ۴») / «یا لیتنا نذهب»: ای کاش ما بروم (رد گزینه های «۱، ۲ و ۴») / «مرة أخرى»: دوباره، بار دیگر، دیگر بار

## نکات مهم درسی

ق+ فعل ماضی = ماضی نقلی  
 لیت + مضارع = مضارع التزامي

(ترجمه)

-۲۳

(ممدر یهان بین)  
 لم + یکن + یستطیع: نمی توانست (رد گزینه های «۱، ۲ و ۴») / «آن یصدع»: بالا برود، صعود کند (رد گزینه «۲»)، «لبزور»: تا زیارت کند، تا دیدن کند، تا بازدید کند (مضارع التزامي) / «غاراً»: غاری (رد گزینه «۱») / «تُرْكَتْ»: نازل شده است (رد گزینه «۲») / «أولي آیات اللہ»: نخستین آیات خدا (رد گزینه های «۱، ۲ و ۴») / «لأن»: زیرا، چون / «رجله تولمه»: پایش درد می کند (رد گزینه های «۲ و ۴»)

## نکته مهم درسی

لم+ فعل مضارع = معادل ماضی ساده منفی یا ماضی نقلی منفی ترجمه می شود. به همین دلیل در «لم یکن ... یستطیع» فعل «یستطیع» ماضی استمراری ترجمه می شود!

(امیر رضائی نبیر - مشهور)

-۲۴

«لا أصدق»: باور نمی کنم / «لا أحب»: دوست نمی دارم / «والدى»: پدر  
 نکته مهم درسی

به تفاوت «والدی: پدر» و «والدی: پدر و مادر» و نیز به تفاوت افعالی چون: «علم»: «یاد داد» و «تعلم»: «یاد گرفت» توجه داشته باشید!

## تشریح گزینه های دیگر

گزینه «۱»: پدر و مادرم در ترجمه «والدی» صحیح نیست. «کل ما»: هر آن چه گزینه «۲»: «أسمع»: فعل مضارع است و «شنیده ام»: صحیح نیست.  
 گزینه «۳»: «پدر» مفعول است، ولی به صورت «فاعل» معنی شده است و «تعلمت» به معنای «یاد گرفتم» است.

(ممدر یهان بین)

-۲۵

## نکات مهم درسی

۱- فعل ماضی + فعل مضارع = ماضی استمراری (رأيت ... يرمون = پرتاب می کردند)  
 ۲- قد + فعل مضارع = شاید، گاهی

## تشریح گزینه های دیگر

گزینه «۱»: شکل درست ترجمه: از تلویزیون حاجیان را دیدم در حالی که ریگها را پرتاب می کردند!  
 گزینه «۳»: شکل درست ترجمه: هیچ زیارتی پیش من دوست داشتنی تر از زیارت آستانه های مقدس نیست!  
 گزینه «۴»: شکل درست ترجمه: گاهی از چشمان پدر و مادرم اشکها پی در پی فرو می ریزدا!



-۳۷ (فایل مشیرنامه - مکران)

صورت سؤال از ما فعلی را خواسته است که دارای «دو حرف زائد» باشد، همانگونه که می‌دانیم فعل‌هایی که در هر کدام از چهار باب (تفعل، افعال، افعال و تفاغل) قرار می‌گیرند، دارای دو حرف زائد هستند. (معیار تعیین حرف زائد و حروف اصلی، صیغه سوم شخص مفرد (لغایت) فعل ماضی است). در گزینه «۲» فعل «تکامل» از باب «تفاغل» است که صیغه سوم شخص مفرد (لغایت) آن عبارت است از «تکامل» که دو حرف «ت»، «زائد و سه حرف «ک س ل» حروف اصلی آن محسوب می‌شوند. همچنین در این گزینه فعل «یختبر» دارای دو حرف زائد است، چرا که از باب «افتعال» می‌باشد.

**نکته مهم درسی**

از میان باب‌های هشتگانه؛ سه باب (افعال، تفعیل و مفاعله) یک حرف زائد، باب (استفعال) سه حرف زائد و مابقی باب‌ها دو حرف زائد دارند.

**تشریح گزینه‌های دیگر**

گزینه «۱»: در این گزینه دو فعل «تمسخن» و «ترجعن» که به ترتیب صیغه سوم شخص مفرد آنها «سمع» و «رجوع» می‌باشد، اصلاً حرف زائدی ندارند و جزو هیچ کدام از باب‌های هشتگانه نیستند.

گزینه «۳»: در این گزینه فعل «استيقظ» از باب «استفعال» است و دارای سه حرف زائد «س، ت» می‌باشد و حروف اصلی آن «سی، ق، ظ» است. همچنین فعل «أساعد» از باب «مفاعله» و دارای یک حرف زائد «ا» است.

گزینه «۴»: در این گزینه دو فعل «یعاقب» و «یشاهد» هر دو از باب «مفاعله» و دارای یک حرف زائد «ا» هستند.

(قواعد فعل)

(ممدر على کاظمی - کاشان)

-۳۸

«العلم» فاعل برای فعل معلوم «یقید» است. در گزینه‌های «۱» و «۲» فعل‌ها مجھول هستند، بنابراین فاعل نداریم. در گزینه «۴» «اصلًا فعلی نداریم که بخواهیم دنبال فاعل بگردیم.

(ممدر على کاظمی - کاشان)

-۳۹

**تشریح گزینه‌های دیگر**

گزینه «۲»: دو حرف جر «عن، به، فی» وجود دارد.

گزینه «۳»: سه حرف جر «عن، به، فی» وجود دارد.

گزینه «۴»: دو حرف جر «فی، به» وجود دارد.

(فایل مشیرنامه - مکران)

-۴۰

صورت سؤال از ما گزینه‌ای را خواسته است که در آن هم «اسم فاعل» و هم «اسم مبالغه» باشد، در گزینه «۳» کلمه «الطلاب» اسم فاعل است، چرا که مفرد آن «طالب» می‌باشد و کلمه «الخلائق» نیز که «خالق» بر وزن «فعال» می‌باشد، اسم مبالغه است.

**تشریح گزینه‌های دیگر**

گزینه «۱»: در این گزینه کلمات «الحکام: حاکم» و «العادلین» هر دو اسم فاعل هستند.

گزینه «۲»: در این گزینه «مقدس» اسم مفعول و «المسلمین» اسم فاعل است.

گزینه «۴»: در این گزینه «علماء» اسم مبالغه است.

(قواعد اسم)

(خطمه منصوریان)

-۳۱

در مورد اندازه خورشید در متن صحبتی نشده است. سایر گزینه‌ها (نور ستارگان، راهنمایی مسافران با ستاره و نور خورشید) در متن آمده‌اند. (درک مطلب)

(خطمه منصوریان)

-۳۲

**تشریح گزینه‌های دیگر**  
گزینه «۲»: «حروفه الأصلية خ ت ف» نادرست است، زیرا سه حرف اصلی آن، «خ ل ف» است.

گزینه «۳»: «ماضيه: خالف، مصدره: مخالفه، على وزن «مفاعله» نادرست است، زیرا «ماضي آن: اختلاف، مصدره: اختلاف، بر وزن «افتعال» است.

گزینه «۴»: « مجرد ثلاثي » نادرست است زیرا ثلاثي مزيد از باب «افتعال» است و «جهول و فاعله ممحوظ» نادرست است، زیرا فعل معلوم است.

(تبلیغ صرفی و معلم اعرابی)

(خطمه منصوریان)

-۳۳

«کواكب» مجرور به حرف جر است.  
(معلم اعرابی)

(خطمه منصوریان)

-۳۴

این که گیاهان دارویی، گیاهانی سودمند برای درمان بیماری‌ها هستند، بر اساس حقیقت و واقعیت نادرست است.

**تشریح گزینه‌های دیگر**  
گزینه «۱»: «غذای صبحانه در ایران، همان برنج با مرغ است!»، بر اساس حقیقت و واقعیت نادرست است.  
گزینه «۳»: «لیوان فقط از آهن و شیشه ساخته می‌شود!»، بر اساس حقیقت و واقعیت نادرست است.  
گزینه «۴»: «برنده اول در مسابقات جایزه‌ای نقره می‌گیرد!»، بر اساس حقیقت و واقعیت نادرست است.

(ممدر هفغانیان)

-۳۵

اشتباه در حرکت حرف وسط فعل مضارع «تساقط» از باب تفاغل است که در این باب فعل‌ها اصلًا کسره نمی‌گیرند!

(رویشلن ابراهیمی)

-۳۶

۱۰ = ۵۰ ÷ ۵۰ صحیح است. در سایر گزینه‌ها عملیات ریاضی نادرست هستند.

**تشریح گزینه‌های دیگر**  
گزینه «۱»: «۲۴ + ۲۴ = ۸۸» نادرست است.  
گزینه «۲»: «۳۰ - ۳۰ = ۷۰» نادرست است.

گزینه «۴»: «۲۰ = ۱۲ × ۲» نادرست است.

(عدر)



(غیرین سماقی - لرستان)

-۴۸

مرتبط با بحث «دستیابی به درجاتی از حکمت» به عنوان یکی از راههای رسیدن به اخلاص، مستفاد می‌گردد که انسان حکیم، به درجاتی از بصیرت و روش‌بینی می‌رسد که می‌تواند در شرایط سخت و پیچیده، حق را از باطل تشخیص دهد و گرفتار باطل نشود. حدیث «هر کس چهل روز کارهای خود را خالصانه برای خدا انجام دهد، چشم‌های حکمت و معرفت از دل و زبانش جاری خواهد شد.» مرتبط با این موضوع است.

(دین و زندگی ۳، درس ۴، صفحه ۴۷)

(مرتضی محسن‌کبر)

-۴۹

در فرازی از سوره یوسف درباره دام شیطانی زلیخا می‌خوانیم: «... و لقد راودته عن نفسه فاستعصم و لئن لم يفعل ما أمره ليسجنَّ و ليكونَ من الصاغرين: و البته من از او طلب مراوده کردم و او پاکی و پزید و اگر انجام ندهد آن‌چه (که) او را بدان امر می‌کنم، حتماً زندانی می‌شود و از خوارشدن‌گان می‌شود.» مقاومت در برابر چنین دام‌های نیازمند روی آوردن به پیشگاه خداوند و پذیرش خالصانه فرمان‌های اوست که حضرت یوسف (ع) به مقام مخلصین رسیده بود.

(دین و زندگی ۳، درس ۴، صفحه ۴۸)

(مسن یاتن)

-۵۰

یکی از اوصافی که خداوند در قرآن برای حضرت یوسف ذکر کرده، داشتن اخلاق و رسیدن به مقام مخلصین است. خداوند در قرآن کریم لقمان را به داشتن حکمت توصیف کرده است. از آن‌جا که حکمت از ثمرات اخلاق است، بنابراین اخلاق مقدم بر حکمت است.

(دین و زندگی ۳، درس ۴، صفحه‌های ۴۷ و ۴۸)

(مرتضی محسن‌کبر)

-۵۱

افراد زیرک (مؤمنان) با انتخاب خدا به عنوان هدف اصلی خود هم از بهره‌های مادی زندگی استفاده می‌کنند و هم از آن‌جا که تمام کارهای دنیوی خود را در جهت رضای خدا انجام می‌دهند، جان و دل خود را به خداوند زنده‌کر می‌کنند و سرای آخرت خویش را نیز آباد می‌سازند.

(دین و زندگی ۱، درس ۱، صفحه‌های ۲۱ و ۲۳)

(ابوالفضل امدادزاده)

-۵۲

نامه عمل انسان با نامه‌های ثبت شده در دنیا تفاوتی اساسی دارد. نامه‌های این دنیا، صرفاً گزارشی از عمل است که به صورت کلمات و نوشته درآمده است؛ اما نامه عمل انسان به گونه‌ای است که کلمات و حقیقت آن را در بر دارد. از این‌رو، تمام اعمال انسان در قیامت حاضر می‌شوند و انسان عین اعمال خود را می‌بینند. در آن روز با تاییدن نور حقیقت از جانب خداوند پرده‌ها کنار می‌رود و اسرار و حقایق عالم آشکار می‌شود و واقعیت همه چیز از جمله اعمال و رفتار و نیات انسان‌ها و نیز حوادث تلخ و شیوه‌ی که در زمین اتفاق افتاده است، آشکار می‌شود (کنار رفتن پرده از حقایق عالم).

(دین و زندگی ۱، درس ۶، صفحه ۷۲)

(مسن یاتن)

-۵۳

دوخیان به نگهبانان جهنم رو می‌آورند تا آن‌ها برایشان از خداوند تخفیفی بگیرند؛ ولی فرشتگان می‌گویند: «مگر پیامبران برای شما دلایل روشنی نیاورند؟ آنان می‌گویند: بلی! پیامبر (ص) فرمودند: «... پس دقت کن هم‌نشینی که انتخاب می‌کنی، نیک باشد؛ زیرا اگر او نیک باشد مایه انس تو خواهد بود و در غیر این صورت، موجب وحشت تو می‌شود. آن هم‌نشین کردار توست.» (دین و زندگی ۱، درس ۷، صفحه‌های ۸۴ و ۸۵)

## دین و زندگی ۳ و ۱

-۴۱

(محمد رضایی‌بقا)

در این که خداوند پروردگار جهانیان است، انسان را به اقرار عبارت «یگو همانا نازم و عبادت‌هایم و زندگی و مرگم فقط برای خداست که پروردگار جهانیان است» معرفت می‌سازد. با توجه به این که شرک بهطور مخفیانه وارد دل انسان می‌شود، باید از حریم اندیشه و دل پاسبانی کرد: «پاسبان حرم دل شدهای شب همه شب اتا در این پرده جز اندیشه او نگذارم»

(دین و زندگی ۳، درس ۴، صفحه‌های ۴۲ و ۴۳)

-۴۲

(مرتضی محسن‌کبر)

امیرالمؤمنین علی (ع) می‌فرماید: «خداوند بدان جهت روزه را واجب کرد تا اخلاص مردم را بیازماید.» و این موضوع به «دوری از گناه و تلاش برای انجام واجبات» از راههای تقویت اخلاص اشاره دارد.

(دین و زندگی ۳، درس ۴، صفحه ۴۷)

-۴۳

(مسن یاتن)

هر قدر که معرفت ما به خداوند بیشتر شود، به افزایش درجه اخلاص کمک خواهد کرد. عمل براساس معرفت و آگاهی بسیار ارزشمندتر و مقدس‌تر از عملی است که در آن معرفتی نیست و یا با معرفت اندکی صورت می‌گیرد. حتی گاهی پیش می‌آید که انسان‌های نادان به تصور اینکه کار خوب می‌کنند مرتكب گناهان بزرگ می‌شوند.

(دین و زندگی ۳، درس ۴، صفحه ۴۶)

-۴۴

(هاری ناصری)

اگر فردی تنها برای لاغر شدن و یا سلامت جسم روزه بگیرد، در اصل حسن فاعلی ندارد، چون نیت او فقط لاغر شدن و یا سلامت جسم است، نه رضای الهی. لذا این عمل (روزه فرد) باطل است.

(دین و زندگی ۳، درس ۴، صفحه ۴۵)

-۴۵

(محمد فخرالرین مرشدی)

طبق حدیث پیامبر (ص): «مؤمنان، با توجه به مراتب اخلاق‌اشان بر یکدیگر برتری پیدا می‌کنند.» همچنین پیامبر (ص) در مورد جایگاه مهم و ارزشمند نیت (حسن فاعلی)، کلام «اتما الاعمال بالثبات: همانا اعمال انسان و بسته به نیت‌های اوست.» را بیان فرموده‌اند.

(دین و زندگی ۳، درس ۴، صفحه ۴۶)

-۴۶

(مرتضی محسن‌کبر)

یکی از راههای تقویت اخلاص، افزایش معرفت و شناخت نسبت به خداوند است و پیوند محکمی میان معرفت به خداوند و ایمان به او وجود دارد. همچنین ارتباط دقیقی میان ایمان به خدا و اخلاص برقرار است. بنابراین هرقدر که معرفت ما به خداوند بیشتر شود، به افزایش درجه اخلاص کمک خواهد کرد. پس خوب است ساعاتی را صرف تفکر در آیات و نشانه‌های الهی کنیم تا بیشتر دراییم: «هر که فکرت نکند نقش بود بر دیوار.» البته اگر کسی گرفتار غفلت شد و چشم اندیشه را به روی چهان بست، آیات الهی را نخواهد یافت و دل به مهر او نخواهد داد: «هر دو عالم پر ز نور و دیده نایینا، چه سود.»

(دین و زندگی ۳، درس ۴، صفحه‌های ۴۵ و ۴۶)

-۴۷

(محمد رضایی‌بقا)

بر مبنای آیه «أَلَمْ أَعْهَد إِلَيْكُمْ يَا بَنِي آدَمَ أَن لَا تَعْبُدُوا الشَّيْطَانَ إِنَّهُ لَكُمْ عَدُوٌّ مُّبِينٌ وَ أَنْ أَعْذِبُنَّهُمْ هَذَا صِرَاطٌ مُسْتَقِيمٌ» ای فرزندان آدم، آیا از شما پیمان نگرفته بودم که شیطان را نیستید که او دشمن آشکار شماست؟ و اینکه مرا پرستید [که] این راه مستقیم است. هشدار خدا به فراموش‌کنندگان عهد و میثاقش، منی بر پرستش خود (خداوند) است و آن را راه راست و درست معرفی می‌کند.

(دین و زندگی ۳، درس ۴، صفحه‌های ۴۳ و ۴۴)



## زبان انگلیسی ۱ و ۲

(سازمان عزیزی نژاد)

ترجمه جمله: «دخترم ماه آینده ۱۵ ساله خواهد شد.»

نکته مهم درسی  
از آنجایی که در این جمله قصد و تصمیم به انجام کاری وجود ندارد، پس از "going to be" نمی‌توانیم استفاده کنیم. برای گفتن سن در زبان انگلیسی از "be" استفاده می‌شود.

(کرامر)

(امیرحسین مراد)

ترجمه جمله: «ایا کریس به تو چیزی درباره بربند شدن مقداری پول در مسابقه شترنجی که تو در آن شرکت نکردی، گفت؟»

نکته مهم درسی  
حرف تعریف "the" زمانی به کار می‌رود که اسم بعد از آن شناخته شده باشد. طبق ادامه جمله "گزینه" ۲ و ۳ حذف خواهد شد. از طرفی با توجه به اصل توازی زمان‌ها، در جای خالی دوم به فعل کمکی زمان در گذشته ساده نیاز داریم (دلیل رد گزینه ۴). (کرامر)

(آناهیتا اصغری)

ترجمه جمله: «هنگامی که کار کردن ما روی پروژه‌ها تمام شد، تاریک بود و اولین قطارات باران شروع به باریدن کرد.»

(۱) سلول (۲) قطره (۳) بسته (۴) شکل، نوع (وایکلن)

(فریبا توکلی)

ترجمه جمله: «اگر می‌خواهید فرزندانتان در زندگی معقول و واقع‌گرا باشند، قدری مسئولیت بر دوش آن‌ها بگذارید.»

(۱) قسمت (۲) مسئولیت (۳) دلیل (۴) شرایط (وایکلن)

(سازمان عزیزی نژاد)

ترجمه جمله: «آخرین خرس در این جنگل یکصد سال قبل منقرض شد.»

(۱) بردیدن، قطع کردن (۲) خاموش کردن (۳) منقرض شدن (۴) رفتن (برق) (وایکلن)

ترجمه متن کلوزتست:  
چون رایانه‌ها می‌توانند به مردم کمک کنند تا کارهایشان را آسان‌تر و سریع‌تر انجام دهند، مردم از آن‌ها به طرق جالب زیادی مثل بازی‌های ویدیویی و جست و جوی اطلاعات درباره موضوعات مختلف استفاده می‌کنند. معلمان از رایانه‌ها برای سازمان‌دهی کردن ثبت دروس و نمرات استفاده می‌کنند. آن‌ها به پانکه‌ها کمک می‌کنند تا پول‌ها را به تمام پانکه‌ها در سرتاسر جهان ارسال کنند. آن‌ها هم چنین به دانش آموzan کمک می‌کنند تا تحقیق کنند و درس‌هایشان را بهتر بیاموزند. داشتمندان از رایانه‌ها برای حل مسائل به صورت کامل استفاده می‌کنند. خلبانان از آن‌ها برای به پرواز درآوردن هوایی‌ها و هلی‌کوپترها استفاده می‌کنند. عماران از آن‌ها برای طراحی ساختمان‌ها استفاده می‌کنند. آن‌ها در همه‌جا پیامون خانه‌های شما مثل رایانه‌های کوچک داخل دستگاه‌های تلویزیون هستند.

(علی عاشوری)

نکته مهم درسی  
با توجه به صفت برتری "easier" قبل از حرف ربط "and" بعد از جای خالی صفت برتری "faster" می‌آید. (کلوزتست)

(علی عاشوری)

(۱) اطلاعات (۲) توصیف (۳) محاوره، مکالمه، گفت و گو (۴) برنامه

(علی عاشوری)

(۱) مرور (۲) توجه (۳) درک، ادراک، فهم نکته مهم درسی  
به عبارت "do research" (تحقیق کردن) توجه کنید.

(محمد تقیاری)

به هنگام مرگ، فرشتگان حقیقت وجود انسان را که همان روح است توفی می‌کنند. برطبق آیه ۹۹ و ۱۰۰ سوره مبارکه مؤمنون «وقتی مرگ یکی از کافران فرا می‌رسد (هنگام توفی)، می‌گویند: «پروردگار! مرا بازگردانید باشد که عمل صالح انجام دهم؛ آنچه را در گذشته ترک کرده‌ام» (قال رب ارجعون) که پاسخ قطعی خداوند این است: «هرگز! این سخنی است که او می‌گوید (کتابها کلمهٔ هو قائلها).» (دین و زندگی، درس ۵، صفحه ۶۱)

-۵۴

(محمود ایتسام)

امام سجاد (ع) (علی‌بن‌الحسین) در دعای مناجات المحبین می‌فرماید: «بِالْهَٰٓيٰ خوب می‌دانم هر کس لذت دوستی از چشیده باشد، غیر تو را اختیار نکند» و این دوستی برای مؤمنان در عبارت قرآنی «وَالَّذِينَ آمَنُوا أَنَّهُ خَيْرٌ لِّلَّهِ» تجلی دارد. (دین و زندگی، درس ۹، صفحه ۱۶۱)

-۵۵

(محمد رضا فرنگیان)

قططیعت و حتمیت معاد برگفته از آیه شریفه ۸۷ سوره نساء «اللَّهُ لَا إِلَهَ إِلَّا هُوَ...» می‌باشد و در بیان برطرف کردن بعد دانستن امر معاد، دلایل امکان معاد مطرح می‌شود که به قدرت الهی اشاره دارد. ترجمه آیات ۳ و ۴ سوره قیامت به این مهم اشاره دارد.

(دین و زندگی، درس ۱۴، صفحه‌های ۳۹ و ۵۱)

-۵۶

(محمد رضا تقی)

گاهی غفلت‌ها سبب دوری ما از خدا و فراموشی یاد او می‌شود، ولی باز که به خود باز می‌گردیم، او را در کنار خود می‌باییم. طبق آیه «شیطان می‌خواهد بهوسیله شراب و قمار، در میان شما عداوت و کینه ایجاد کند و شما را از یاد خدا و نیاز بازدارد.» کار شیطان با شراب و قمار، غفلت از یاد خداست.

(دین و زندگی، درس ۲، صفحه‌های ۳۰ و ۳۳)

-۵۷

(مرتضی مسند کبیر)

امام کاظم (ع) (موسی بن جعفر) در دعای روز ۲۷ ماه رب می‌فرماید: «خدا! می‌دانم که بهترین توشه مسافر کوی تو عزم و اراده‌ای است که با آن خواستار تو شده باشد.»

قرآن کریم در سوره فتح آیه ۱۰ می‌فرماید: «هر کس که نسبت به عهدی که با خدا بسته وفا کند، بهزادی پاداش عظیمی به او خواهد داد.» (دین و زندگی، درس ۸، صفحه‌های ۹۱ و ۹۶)

-۵۸

(سید احسان هنری)

از پیامدهای نگرش منکران معاد برای انسانی که بی‌نهایت طلب است و میل به جاودانگی دارد، این است که می‌کوشد راه فراموش کردن و غفلت از مرگ را پیش بگیرد و خود را به هر کاری سرگرم سازد تا آینده تلخی را که در انتظار دارد، فراموش کند. روشن است که این شیوه، عاقبتی جز فرو رفتن در گرداب آسودگی‌ها نخواهد داشت.

(دین و زندگی، درس ۳، صفحه ۱۴۲)

-۵۹

(فریدین سماقی - لرستان)

بعد از محاسبه و ارزیابی اگر معلوم شود که در انجام عهد خود موفق بودهایم، خوب است خدا را «سپاس» بگوییم و «شکرگزار» او باشیم. زیرا می‌دانیم او (خداوند) بهترین پشتیبان ما در انجام پیمان هاست.

(دین و زندگی، درس ۸، صفحه ۹۷)

-۶۰



(محمد رهیمی نصرآبادی)

ترجمه جمله: «کدامیک از موارد زیر بهترین شکل دیدگاه نویسنده را نسبت به فرهنگ لغت هلندی وردن بوک نشان می‌دهد؟»  
**جامع**  
 (درک مطلب)

-۷۵

(علی عاشوری)

- ۱) دنبال کردن  
 ۲) حل کردن  
 ۳) شروع کردن  
 ۴) انتخاب کردن

-۶۹

ترجمه متن درک مطلب دوم:  
 بسیاری از افرادی که دارند جست و جو می‌کنند تا یک سگ خانگی داشته باشند توله سگ می‌گیرند. دلایل زیادی هست که چرا مردم توله‌سگ می‌گیرند. با وجود همه این‌ها، توله‌سگ‌ها بازمه، مهربان و بازیگوش هستند. اما حتی اگرچه توله‌سگ‌ها حیوانات خانگی خوبی از آب در می‌ایند، دلایل خوبی هست که چرا شما باید در عرض، گرفتن یک سگ بالغ را در نظر بگیرید.  
 وقتی که یک توله سگ دارید، شما باید به آن آموزش بدهید که چگونه رفتار کنند. شما باید اطمینان حاصل کنید که توله‌سگ تربیت شده باشد تا به حمام داخل خانه نرود. شما باید به توله‌سگ آموزش دهید که روی هممان‌ها نبرد یا کفش‌های شما را گاز نگیرد. شما باید توله را تربیت کنید تا قلاuded راه برود. این کار زیادی است. از طرف دیگر، وقتی که شما یک سگ بالغ داشته باشید، شناس خوبی وجود دارد که آن از قبل بداند که چگونه همه کارهای قبلاً ذکر شده را انجام دهد. بسیاری از سگ‌های بالغ قبلاً تربیت شده‌اند. بسیاری از سگ‌های بالغ روی چیزی نمی‌برند یا گاز نمی‌گیرند، چیزهایی را که شما نمی‌خواهید روی آن‌ها ببرند یا گاز بگیرند. بسیاری از سگ‌های بالغ قادر خواهند بود با قلاuded راه بروند بدون این‌که شما را به آن سوی خیابان بکشند.  
 توله‌سگ‌ها همچنین انرژی زیادی دارند و می‌خواهند همیشه بازی کنند. این می‌تواند سرگم کننده باشد، اما ممکن است شما تعب‌ها را انجام دهید. بسیاری از سگ‌های خواهند بازی کنید. توله‌سگ‌ها همیشه در طول شب‌ها نمی‌خوابند یا اجازه نخواهند داد شما هنگامی که تلویزیون تماشا می‌کنید استراحت کنید.  
 از طرف دیگر، اکثر سگ‌های بالغ منتظر خواهند ماند تا شما بازی کنید. آن‌ها باید این، آن‌ها وقتی که شما می‌خوابید، می‌خوابند و از تماشا کردن تلویزیون روی تخت کبار شما خوشحالند.  
 یک دلیل اخیر وجود دارد که چرا سگ‌های بالغ را باید به جای توله‌سگ داشته باشید. وقتی که اکثر مردم برای گرفتن سگ به پناهگاه حیوانات می‌روند، آن‌ها یک توله می‌گیرند. این به این معنی است که بسیاری از سگ‌های بالغ زمان زیادی را در پناهگاه حیوانات سپری می‌کنند، و بعضی از آن‌ها هرگز خانه خوبی پیدا نمی‌کنند. بنابراین اگر می‌خواهید یک سگ به عنوان حیوان خانگی داشته باشید، شما باید در مورد گرفتن سگ بالغ فکر کنید. آن‌ها حیوانات خانگی خوبی هستند که به خانه‌های خوب نیاز دارند.

(میرحسین زاهدی)

ترجمه جمله: «نویسنده ظاهراً در مورد توله‌سگ‌ها چه نظری دارد؟»  
**آن‌ها صمیمی، بازیگوش و پر زحمت هستند.**  
 (درک مطلب)

-۷۶

(محمد رهیمی نصرآبادی)

ترجمه جمله: «اطلاعات در این متن عمدتاً بر اساس تأکید بر دو نوع فرهنگ لغت متفاوت از یکدیگر سازماندهی شده است.»  
 (درک مطلب)

-۷۱

(میرحسین زاهدی)

ترجمه جمله: «کلمه‌ای که زیر آن خط کشیده شده "behave" رفتار کردن» در پاراگراف «۲» از نظر معنی به "act" (عمل کردن) نزدیک‌ترین است.  
 (درک مطلب)

-۷۷

-۷۲

(میرحسین زاهدی)

ترجمه جمله: «هدف اصلی پاراگراف «۲» توضیح دادن این که چگونه توله‌سگ‌ها پر دردرس هستند، است.»  
 (درک مطلب)

-۷۸

-۷۳

(میرحسین زاهدی)

ترجمه جمله: «طبق متن، کدامیک بهترین نمونه از یک سگ تربیت شده است؟»  
**اسپات برای استفاده از دستشویی بیرون می‌رود.**  
 (درک مطلب)

-۷۹

-۷۴

(میرحسین زاهدی)

ترجمه جمله: «نویسنده پاراگراف‌های «۳» و «۵» را با عبارت «از طرف دیگر» شروع می‌کند تا تفاوت‌های اطلاعات قبلی را مقایسه کند.  
 (درک مطلب)

-۸۰

(محمد رهیمی نصرآبادی)

ترجمه جمله: «مفهوم از جمله «بهدلیل قابل حمل و ارزان بودن، می‌توانیم بگوییم ... در آخرین پاراگراف، «ارائه دلیلی برای این است که چرا آن‌ها جالب به نظر می‌رسیدند.»  
 (درک مطلب)



# رئیس‌جمهوری آزمون ۱ آذر ماه ۹۸

## اختصاصی دوازدهم ریاضی (نظام جدید)

آزمایشی

نام درس	نام طراحان
ریاضی پایه و حسابات ۲	کاظم اجلالی - طاهر دادستانی - حبیب شفیعی - علی شهرابی - سعید علم پور - حمید علیزاده - میلاد منصوری سید میلاد موسوی چاشمی - جهانبخش نیکنام
هندسه	محمد مهدی ابوترابی - امیرحسین ابو محبوب - اسحاق اسفندیار - حسین حاجیلو - محمد خندان - یاسین سپهر مبشره ضرابیه - پرینان عزیزان
آمار و احتمال و ریاضیات گستته	امیرحسین ابو محبوب - جواد حاتمی - مبشره ضرابیه - مرتضی فهیمعلوی - مهرداد ملوندی - هومن نورانی محمد هجری
فیزیک	خسرو ارغوانی فرد - بابک اسلامی - عبدالرضا امینی نسب - زهره آقامحمدی - ملیحه جعفری - بیتا خورشید میثم دشتیان - محمدعلی راست پیمان - سعید شرق - محسن قندچلر - علیرضا گونه - حسین مخدومی محمدحسین معزیزان - سیدعلی میرنوری - شادمان ویسی
شیمی	ساسان اسماعیل پور - امیرعلی برخورداریون - امیرمهدی بلاغی - محمدرضا پور جاوید - جواد جدیدی مرتضی خوش کیش - حمید ذبحی - جعفر رحیمی - مینا شرافتی پور - میلاد شیخ‌الاسلامی خیاوی - علی علمداری محمدحسن محمدزاده مقدم - سید طاها مصطفوی

## گزینشگران و ویراستاران

نام درس	ریاضی پایه و حسابات ۲	هندسه	آمار و احتمال و ریاضیات گستته	فیزیک	شیمی	گزینشگر	کاظم اجلالی	سیدعلی میرنوری	امیرحسین ابو محبوب	امیرحسین معزیزان	سیدعلی میرنوری	بابک اسلامی	محمد وزیری

## گروه فنی و تولید

محمد اکبری	مدیر گروه
عادل حسینی	مسئول دفترچه
مسئول دفترچه: فاطمه رسولی نسب	گروه مستندسازی
مدیر گروه: فاطمه رسولی نسب	حسن خرم‌جو
سوران نعیمی	ناظر چاپ

### گروه آزمون

#### بنیاد علمی آموزشی قلمچی (وقف عام)

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ - کانون فرهنگی آموزش - تلفن: ۰۱۰-۶۴۶۳



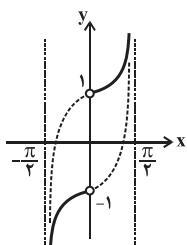
(کاظم اجلالی)

-۸۵

می‌توانیم تابع  $f$  را به صورت زیر بنویسیم:

$$f(x) = \begin{cases} \tan x - 1 & ; -\frac{\pi}{2} < x < 0 \\ \tan x + 1 & ; 0 < x < \frac{\pi}{2} \end{cases}$$

بنابراین نمودار تابع  $f$  به صورت زیر است و برد آن به صورت  $\mathbb{R} - [-1, 1]$  است.



(مسابان ۲- مثلثات، صفحه ۲۴)

(علی شهرابی)

-۸۶

$$\max(f) = 2 \Rightarrow a + |b| = 2 \quad (1)$$

$$\min(f) = -4 \Rightarrow a - |b| = -4 \quad (2)$$

$$\xrightarrow{(1),(2)} |b| = 3, a = -1$$

دوره تناوب تابع برابر ۴ است، پس داریم:

$$\frac{2\pi}{|c|} = 4 \Rightarrow |c| = \frac{\pi}{2}$$

با توجه به نمودار باید  $bc > 0$  باشد، پس هر دو حالت یا

$$\begin{cases} b = 3 \\ c = \frac{\pi}{2} \end{cases} \quad \text{قابل قبول است. بنابراین ضابطه } f \text{ به صورت}$$

$$f(x) = -1 + 3 \sin \frac{\pi x}{2} \text{ است و داریم:}$$

$$f\left(\frac{31}{3}\right) = -1 + 3 \sin \frac{31\pi}{6} = -1 + 3 \sin\left(5\pi - \frac{\pi}{6}\right)$$

$$= -1 - 3 \sin\left(\frac{\pi}{6}\right) = -1 - 3\left(\frac{1}{2}\right) = -\frac{5}{2}$$

(مسابان ۲- مثلثات، صفحه‌های ۲۴)

(طاهر درستاخی)

-۸۱

$$y = \sin\left(\frac{a\pi}{2}x + \frac{\pi}{2}\right) = -\cos\left(\frac{a\pi}{2}x\right)$$

با توجه به نمودار، دوره تناوب برابر ۲ است. پس داریم:

$$T = 2 = \frac{2\pi}{|a\pi|} = \frac{2}{|a|} \Rightarrow |a| = 2 \Rightarrow a = \pm 2$$

(مسابان ۲- مثلثات، صفحه‌های ۲۴)

(سعید علم‌پور)

-۸۲

در توابع مثلثاتی به فرم  $y = a \cos bx + c$  و  $y = a \sin bx + c$  کمترینمقدار تابع برابر  $|a| - c$  می‌باشد.

بنابراین در این سؤال داریم:

$$y_{\min} = |a| - 3|a| = -2|a| = -4 \Rightarrow |a| = 2$$

$$\Rightarrow \text{دوره تناوب } T = \frac{2\pi}{|a\pi|} = \frac{2}{|a|} \xrightarrow{|a|=2} T = 1$$

(مسابان ۲- مثلثات، صفحه ۲۴)

(علی شهرابی)

-۸۳

ضابطه تابع را ساده می‌کنیم:

$$f(x) = \underbrace{\sin^2 \pi x + \cos^2 \pi x}_{1} + \underbrace{2 \sin \pi x \cos \pi x}_{\sin 2\pi x}$$

$$\Rightarrow f(x) = 1 + \sin 2\pi x$$

$$\text{دوره تناوب این تابع برابر است با } T = \frac{2\pi}{|2\pi|} = 1$$

می‌دانیم ماکزیمم و مینیمم تابع  $y = a + b \sin cx$  به ترتیب  $a + |b|$  واست، پس مینیمم و ماکزیمم تابع  $y = 1 + \sin 2\pi x$  به ترتیب برابر

$$M = 1 + |1| = 2 \quad m = 1 - |1| = 0$$

$$\Rightarrow M + m - T = 2 + 0 - 1 = 1$$

(مسابان ۲- مثلثات، صفحه‌های ۲۴)

(کاظم اجلالی)

-۸۴

$$f(x) = \tan\left(\frac{\pi x}{2}\right) \Rightarrow \frac{\pi x}{2} \neq k\pi + \frac{\pi}{2} \Rightarrow x \neq 2k + 1, k \in \mathbb{Z}$$

$$f(x+1) = \tan\left(\frac{\pi x}{2} + \frac{\pi}{2}\right) \Rightarrow \frac{\pi x}{2} + \frac{\pi}{2} \neq k\pi + \frac{\pi}{2} \Rightarrow x \neq 2k, k \in \mathbb{Z}$$

دامنه تابع  $y$  از اشتراک مجموعه‌های بالا به دست می‌آید که برابر  $\mathbb{Z} - \mathbb{Z}$  است.

(مسابان ۲- مثلثات، صفحه ۲۴)



$$\Rightarrow m \in (1,5) - \{3\}$$

(مسابقات ۲- مثلثات، صفحه ۳۲)

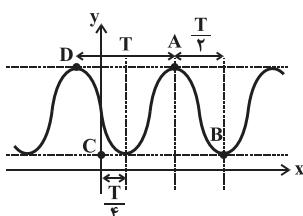
(جهانی پیش‌تکنام)

-۸۹

برای تابع  $f$  داریم:

$$\begin{cases} \max(f) = |-3| + 4 = 7 \\ \min(f) = -|-3| + 4 = 1 \end{cases}$$

از طرفی چهارضلعی ABCD ذوزنقه است.



$$\Rightarrow \begin{cases} AD = T = 4 \\ BC = T + \frac{1}{4}T = 5 \\ \text{ارتفاع} = \max(f) - \min(f) = 6 \end{cases} \Rightarrow S_{ABCD} = \frac{6(4+5)}{2} = 27$$

(مسابقات ۲- مثلثات، صفحه های ۲۴۵ ۲۴۶)

(سعید علم پرور)

-۹۰

با توجه به نمودار داریم:

$$f(\theta) = -2 \Rightarrow 4 \sin(\theta) + a = -2 \Rightarrow a = -2$$

$$f\left(\frac{10}{3}\right) = 0 \Rightarrow 4 \sin\left(\frac{10\pi}{3k}\right) - 2 = 0 \Rightarrow \sin\left(\frac{10\pi}{3k}\right) = \frac{1}{2}$$

طول دومین نقطه (در سمت راست محور y ها) که سینوس آن  $\frac{1}{2}$  باشد، برابر

$$\frac{5\pi}{6}$$

$$\Rightarrow \frac{10\pi}{3k} = \frac{5\pi}{6} \Rightarrow k = 4$$

$$\Rightarrow f(x) = 4 \sin\left(\frac{\pi}{4}x\right) - 2$$

$$\Rightarrow \text{دوره تناوب } T = \frac{\pi}{\frac{\pi}{4}} = 4$$

(مسابقات ۲- مثلثات، صفحه های ۲۴۵ ۲۴۶)

(سعید علم پرور)

-۸۷

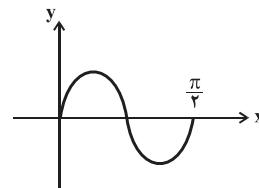
ابتدا ضابطه را ساده می کنیم:

$$y = \sin x \cos x (\cos^2 x - \sin^2 x) = \frac{1}{2} \sin 2x \cos 2x$$

$$= \frac{1}{2} \left( \frac{1}{2} \sin 4x \right) \Rightarrow y = \frac{1}{4} \sin 4x$$

دوره تناوب این تابع  $T = \frac{2\pi}{4} = \frac{\pi}{2}$  است. پس نمودار آن در بازه  $[0, \frac{\pi}{2}]$ 

به صورت زیر است.

از آنجا که بازه  $[0, \pi]$  شامل ۲ دوره تناوب تابع است، نمودار گزینه ۳ پاسخ صحیح است.

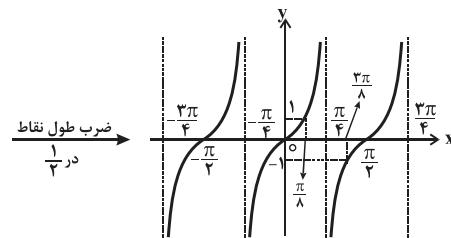
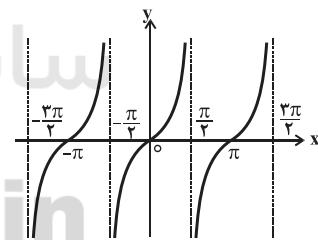
(مسابقات ۲- مثلثات، صفحه های ۲۴۵ ۲۴۶)

(سیدمیلان موسوی پاشمنی)

-۸۸

نمودار تابع  $y = \tan(2x)$  را با انقباض افقی نمودار تابع  $y = \tan x$  رسم

می کنیم:



با توجه به نمودار بالا داریم:

$$\frac{\pi}{\lambda} < x < \frac{\pi}{\lambda}, x \neq \frac{\pi}{4} \Rightarrow |\tan(2x)| > 1 \Rightarrow \left| \frac{2}{m-3} \right| > 1$$

$$\Rightarrow |m-3| < 2 \Rightarrow 1 < m < 5$$

اما واضح است که مقدار  $m = 3$  قابل قبول نیست.



$$\Rightarrow \frac{aq^6}{aq^2} = q^4 = 16 \xrightarrow[q > 0]{} q = 2$$

$$a_3 = aq^3 = 2 \xrightarrow{q=2} a = \frac{1}{2}$$

$$\Rightarrow a_4 = aq^3 = \frac{1}{2}(2)^3 = 4$$

(ریاضی ا- مجموعه، الگو و دنباله، صفحه‌های ۲۵ و ۲۶)

(سعید علم پور)

-۹۵

تعداد اعداد ردیف‌ها عبارت است از: ۲, ۵, ۸, ..., که یک دنباله حسابی با جمله عمومی  $a_n = 2 + 3(n-1) = 3n - 1$  است. در ردیف هفدهم ردیف هفدهم  $a_{17} = 3(17) - 1 = 50$  عدد وجود دارد. برای اینکه بینیم آخرین عدد ردیف هفدهم چندمین عدد طبیعی است، کافی است مجموع ۱۷ جمله اول دنباله  $a_n$  را حساب کنیم:

$$\Rightarrow S_{17} = \frac{17}{2}(2 + 50) = 442$$

پس اولین عدد ردیف هجدهم برابر است با:

$$442 + 1 = 443$$

(حسابان ا- جبر و معادله، صفحه‌های ۲ تا ۶)

(هیب شفیعی)

-۹۶

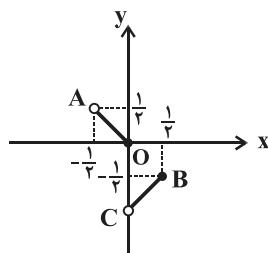
تابع  $y = |x| + [-2x]$  را با توجه به جدول زیر به صورت ساده‌تر می‌نویسیم:

$-2x$	$-1 \leq -2x < 0$	$0 \leq -2x < 1$
$[-2x]$	-1	0
x	$0 < x \leq \frac{1}{2}$	$-\frac{1}{2} < x \leq 0$

$$y = \begin{cases} -x & ; -\frac{1}{2} < x \leq 0 \\ x - 1 & ; 0 < x \leq \frac{1}{2} \end{cases}$$

برای محاسبه مساحت مثلث ABC، کافی است مساحت مثلث‌های OBC و OAC را با هم جمع کنیم؛ زیرا نقاط A، O و B روی یک خط

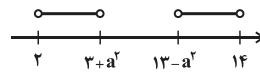
قرار دارند:



(سعید علم پور)

-۹۱

برای این‌که تساوی داده شده برقرار باشد، بازه‌ها باید به صورت زیر باشند:



$$\Rightarrow 3 + a^2 \leq 13 - a^2 \Rightarrow 2a^2 \leq 10 \Rightarrow a^2 \leq 5$$

$$\Rightarrow a \in [-\sqrt{5}, \sqrt{5}]$$

(ریاضی ا- مجموعه، الگو و دنباله، صفحه‌های ۳ تا ۵)

(ظاهر (استانی))

-۹۲

$$a^3 + b^3 - 2 = 0 \Rightarrow (a^3 - 1) + (b^3 - 1) = 0$$

$$\Rightarrow (a-1)(a^2 + a + 1) + (b-1)(b^2 + b + 1) = 0$$

$$\Rightarrow (a-1)(a^2 + a + 1) = -(b-1)(b^2 + b + 1)$$

$$\Rightarrow \frac{a^2 + a + 1}{b^2 + b + 1} = \frac{1-b}{a-1}$$

(ریاضی ا- توان‌های گویا و عبارت‌های چیزی، صفحه‌های ۶۲ تا ۶۷)

(میلاد منصوری)

-۹۳

$$\begin{aligned} x &= \frac{4\sqrt{3}(2 + \sqrt{3} + \sqrt{7})}{(2 + \sqrt{3} - \sqrt{7})(2 + \sqrt{3} + \sqrt{7})} - \sqrt[3]{\sqrt{7}} \\ &= \frac{4\sqrt{3}(2 + \sqrt{3} + \sqrt{7})}{(2 + \sqrt{3})^2 - 7} - \sqrt{7} = \frac{4\sqrt{3}(2 + \sqrt{3} + \sqrt{7})}{7 + 4\sqrt{3} - 7} - \sqrt{7} \\ &= \frac{4\sqrt{3}(2 + \sqrt{3} + \sqrt{7})}{4\sqrt{3}} - \sqrt{7} = 2 + \sqrt{3} + \sqrt{7} - \sqrt{7} \\ &= 2 + \sqrt{3} \end{aligned}$$

(ریاضی ا- توان‌های گویا و عبارت‌های چیزی، صفحه‌های ۴۱ تا ۴۷)

(محمد علیزاده)

-۹۴

با فرض اینکه  $a$  جمله اول دنباله باشد، داریم:

a,  $\frac{a}{q}$ ,  $\frac{a}{q^2}$ ,  $\dots$ ,  $\frac{a}{q^{n-1}}$  واسطه‌هندسی

$$\left. \begin{array}{l} \text{جمله سوم} = aq^2 = 2 \\ \text{جمله هفتم} = aq^6 = 32 \end{array} \right\} \text{دومین واسطه‌هندسی}$$



$$\Rightarrow D_{\frac{g}{f}} = \{2, 4, 7\}$$

$$\Rightarrow g(a) = g(-2) = 5$$

(مسابان ا- تابع، صفحه‌های ۶۳ تا ۶۶)

(کاظم اجلان)

-۹۹

$$D_f = [0, +\infty), D_g = \mathbb{R}, D_{fog} = \{x \mid x \in D_g, g(x) \in D_f\}$$

$$\Rightarrow D_{fog} = \left\{ x \mid x \in \mathbb{R}, 2[x] - [x]^2 \geq 0 \right\}$$

اگر فرض کنیم  $t = [x]$  نامعادله بالا به صورت  $2t - t^2 \geq 0$  به دست

می‌آید که جواب آن  $0 \leq t \leq 2$  است. بنابراین داریم:

$$0 \leq t = [x] \leq 2 \Rightarrow 0 \leq x < 3$$

$$\Rightarrow D_{fog} = [0, 3)$$

$$(fog)(x) = \sqrt{2[x] - [x]^2}$$

اکنون برد fog را به دست می‌آوریم:

$$\Rightarrow \begin{cases} [x] = 0 : (fog)(x) = 0 \\ [x] = 1 : (fog)(x) = 1 \Rightarrow R_{fog} = \{0, 1\} \\ [x] = 2 : (fog)(x) = 0 \end{cases}$$

مجموع اعضای برد fog برابر ۱ است.

(مسابان ا- تابع، صفحه‌های ۴۶ تا ۵۲ و ۶۶ تا ۶۸)

(محمد علیزاده)

-۱۰۰

$$g = \{(2, 2), (2, -1), (-1, 2)\} \Rightarrow g^{-1} = \{(2, 2), (-1, 2), (2, -1)\}$$

$$f = \{(2, 2), (2, -1), (-1, 2)\} \Rightarrow f^{-1} = \{(2, 2), (-1, 2), (2, -1)\}$$

$$h(x) = \frac{f \circ g^{-1}}{f^{-1} \circ g}(x) = \frac{f(g^{-1}(x))}{f^{-1}(g(x))} \Rightarrow x \in D_g \cap D_{g^{-1}} = \{-1, 2, 3\}$$

$$\begin{cases} x = -1 : h = \frac{f(g^{-1}(-1))}{f^{-1}(g(-1))} = \frac{f(2)}{f^{-1}(2)} = \frac{2}{2} = 2 \\ x = 2 : h = \frac{f(g^{-1}(2))}{f^{-1}(g(2))} = \frac{f(2)}{f^{-1}(-1)} = \frac{2}{-1} = -2 \\ x = 3 : h = \frac{f(g^{-1}(3))}{f^{-1}(g(3))} = \frac{f(-1)}{f^{-1}(2)} = \frac{-1}{2} = -\frac{1}{2} \end{cases}$$

تعريف نشده

$$R_h = \left\{ -\frac{1}{2}, 2 \right\}$$

است که حاصل ضرب اعضای آن برابر  $-\frac{1}{2}$  خواهد شد.

(مسابان ا- تابع، صفحه‌های ۵۳ تا ۵۷)

$$S_{OAC} = \frac{\frac{1}{2} \times 1}{2} = \frac{1}{4}, S_{OBC} = \frac{\frac{1}{2} \times 1}{2} = \frac{1}{4}$$

$$\Rightarrow S_{ABC} = \frac{1}{4} + \frac{1}{4} = \frac{1}{2}$$

(مسابان ا- تابع، صفحه‌های ۳۹ تا ۴۲)

(سیده‌میلان موسوی پاشمنی)

-۹۷

$$f^{-1}(x) = \frac{x-b}{a} \text{ باشد، داریم: } f(x) = ax + b \text{ اگر}$$

$$f(x) + f^{-1}(x) = ax + b + \frac{x-b}{a} = \frac{ax + 1}{a} x + \frac{ab - b}{a}$$

$$= \left( a + \frac{1}{a} \right) x + \left( b - \frac{b}{a} \right)$$

$$\Rightarrow a + \frac{1}{a} = \frac{5}{2} \Rightarrow 2a^2 - 5a + 2 = 0 \Rightarrow a = 2 \text{ یا } \frac{1}{2}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} a = 2 : b - \frac{b}{2} = \frac{b}{2} = \frac{1}{2} \Rightarrow b = 1 \\ a = \frac{1}{2} : b - \frac{1}{2}b = -b = \frac{1}{2} \Rightarrow b = -\frac{1}{2} \end{cases}$$

بنابراین دو ضابطه برای  $f$  و  $f^{-1}$  قابل قبول خواهد بود.

$$\Rightarrow f^{-1}(x) = \begin{cases} \frac{x-1}{2}; a = 2, b = 1 \Rightarrow f^{-1}(1) = 0 \\ 2x + 1; a = \frac{1}{2}, b = -\frac{1}{2} \Rightarrow f^{-1}(1) = 3 \end{cases}$$

(مسابان ا- تابع، صفحه‌های ۵۳ تا ۵۷)

(بیو/انفس کنینما)

-۹۸

زوج مرتب‌های تابع  $g$  را به صورت زیر مرتب می‌کنیم:

$$g = \{(-3, 4), (-2, 5), (-1, 2), (1, 1), (2, 2), (3, -1), (4, 0), (7, 2)\}$$

$$\Rightarrow D_g = \{-3, -2, -1, 1, 2, 3, 4, 7\}$$

دامنه تابع  $f$  نیز برابر  $D_f = [-a, +\infty)$  است. همچنین مقدار تابع  $f$  در  $x = 1 - a$  برابر صفر است.

$$D_{\frac{g}{f}} = D_f \cap D_g - \{x \mid f(x) = 0\} \quad \text{داریم: } D_{\frac{g}{f}}$$

$$= [-a, +\infty) \cap \{-3, -2, -1, 1, 2, 3, 4, 7\} - \{1 - a\}$$

برای اینکه  $D_{\frac{g}{f}}$  شامل سه عضو باشد، از آنجا که یک عضو از مجموعه

اشتراک باید حذف شود، مقدار  $(-a)$  را از بین مقادیر ۲ یا ۳ باید انتخاب

کنیم. با امتحان کردن، به سادگی  $a = -2$  به دست می‌آید. در این صورت

$$D_f = [2, +\infty), f(3) = 0$$

داریم:



$$\Rightarrow x^6 + x^3 + 1 - 3x^3 = 0 \Rightarrow x^6 - 2x^3 + 1 = 0 \Rightarrow (x^3 - 1)^2 = 0$$

$$\Rightarrow x^3 - 1 = 0 \Rightarrow x^3 = 1 \Rightarrow x = 1$$

بنابراین معادله فقط یک ریشه حقیقی دارد.

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها، صفحه‌های ۵۷)

(امیرحسین ابومصوب)

-۱۰۴

$$AB = \begin{bmatrix} x & 2 \\ 3 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x & 1 \\ -2 & -1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} x^2 - 4 & x - 2 \\ 3x - 2 & 2 \end{bmatrix}$$

دترمینان وارون یک ماتریس، عکس دترمینان آن ماتریس است، بنابراین اگر دترمینان یک ماتریس با دترمینان وارون آن برابر باشد، آنگاه دترمینان آن

ماتریس برابر  $\pm 1$  است. در نتیجه داریم:

$$|AB| = \pm 1 \Rightarrow \begin{vmatrix} x^2 - 4 & x - 2 \\ 3x - 2 & 2 \end{vmatrix} = \pm 1$$

$$\Rightarrow 2(x^2 - 4) - (x - 2)(3x - 2) = \pm 1$$

$$\Rightarrow 2x^2 - 8 - 3x^2 + 2x + 6x - 4 = \pm 1 \Rightarrow -x^2 + 8x - 12 = \pm 1$$

$$\Rightarrow \begin{cases} x^2 - 8x + 13 = 0 & \text{مجموع ریشه‌ها} = -\frac{b}{a} = 8 \\ x^2 - 8x + 11 = 0 & \text{مجموع ریشه‌ها} = -\frac{b}{a} = 8 \end{cases}$$

بنابراین مجموع مقادیر  $x$ ، برابر  $16 = 8 + 8$  است.

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها، صفحه‌های ۵۷)

(مبشره ضرایب)

-۱۰۵

$$|B| = 1 \times 4 - 2 \times 3 = -2 \Rightarrow |B^{-1}| = -\frac{1}{2}$$

$$|A| = |A| |B^{-1}| - |B| |A^{-1}| = -\frac{1}{2} |A| + 2 |A^{-1}| \Rightarrow \frac{3}{2} |A| = \frac{2}{|A|}$$

$$\Rightarrow |A|^{\frac{4}{3}} = \frac{4}{3} \Rightarrow |A| = \pm \frac{2}{\sqrt[3]{3}} \times \frac{\sqrt{3}}{\sqrt[3]{3}} = \pm \frac{2\sqrt{3}}{3}$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها، صفحه‌های ۵۷)

۳ هندسه

(ممدر قدران)

-۱۰۱

طبق تعریف ماتریس‌های  $A$  و  $B$  داریم:

$$A = \begin{bmatrix} 1 & -1 & 1 & -2 \\ 2 & -1 & 2 & -3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & -1 & -2 \\ 3 & 2 & 1 \end{bmatrix}$$

$$B = \begin{bmatrix} 1 & -1 & 2 & -1 \\ 1 & -2 & 2 & -2 \\ 1 & -3 & 2 & -3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 3 \\ -1 & 2 \\ -2 & 1 \end{bmatrix}$$

$$AB = \begin{bmatrix} 0 & -1 & -2 \\ 3 & 2 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 & 3 \\ -1 & 2 \\ -2 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 5 & -4 \\ -4 & 14 \end{bmatrix}$$

$$|AB| = 5 \times 14 - (-4)(-4) = 70 - 16 = 54$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها، صفحه‌های ۵۷)

(یاسین سپهر)

-۱۰۲

طبق تعریف ماتریس  $A$  داریم:

$$a_{11} = \frac{1!}{1!1!} = 1, a_{12} = \frac{0!}{1!2!} = \frac{1}{2}$$

$$a_{21} = \frac{3!}{2!1!} = 3, a_{22} = \frac{2!}{2!2!} = \frac{1}{2}$$

$$A = \begin{bmatrix} 1 & \frac{1}{2} \\ 3 & \frac{1}{2} \end{bmatrix} \Rightarrow |A| = 1 \times \frac{1}{2} - \frac{1}{2} \times 3 = -1$$

$$|A| |A| + |2A| = |-A| + |2A| = (-1)^2 |A| + 2^2 |A| = 5 |A| = -5$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها، صفحه‌های ۵۷)

(امیرحسین ابومصوب)

-۱۰۳

طبق دستور ساروس برای محاسبه دترمینان ماتریس‌های  $3 \times 3$  داریم:

$$\begin{vmatrix} x & 1 & x^2 \\ x^2 & x & 1 \\ 1 & x^2 & x \end{vmatrix} = (x^3 + 1 + x^6) - (x^3 + x^3 + x^3) = 0$$



$$= A^{-1}(I - B)A = -A^{-1}(B - I)A$$

-۱۰۶

$$|I - A^{-1}BA| = (-1)^2 |A^{-1}(B - I)A| = |A^{-1}| |B - I| |A|$$

$$= \frac{1}{|A|} |B - I| |A| = |B - I| = 2$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها، صفحه‌های ۲۷ تا ۳۱)

(مبشره ضرایب)

-۱۰۹

برای دو ماتریس مربعی هم مرتبه  $A$  و  $B$ ، رابطه  $|AB| = |A||B|$  برقرار

است، بنابراین داریم:

$$|A^T(B^T - B + I)| = |A^T| \times |B^T - B + I|$$

$$\Rightarrow |A^T B^T - A^T B + A^T| = 2 \times 3 = 6 \quad (1)$$

از طرفی داریم:

$$A^T B^T = A \times \underbrace{A \times B}_{I} \times B = AB = I \quad (2)$$

$$A^T B = A \times \underbrace{A \times B}_{I} = A \quad (3)$$

$$(1), (2), (3) \Rightarrow |I - A + A^T| = 6 \Rightarrow |A^T - A + I| = 6$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها، صفحه‌های ۲۷ تا ۳۱)

(امیرحسین ابراهیمی)

-۱۱۰

دترمینان ماتریس  $D$  را بر حسب سطر دوم به دست می‌آوریم، داریم:

$$|D| = n \times (-1)^{2+1} \begin{vmatrix} b & c \\ e & f \end{vmatrix} + (n+1) \times (-1)^{2+2} \begin{vmatrix} a & c \\ d & f \end{vmatrix}$$

$$+ (n+2) \times (-1)^{2+3} \begin{vmatrix} a & b \\ d & e \end{vmatrix}$$

$$= -n|C| + (n+1)|B| - (n+2)|A|$$

$$\Rightarrow -6 = (-n)(-2) + (n+1) \times 2 - (n+2)(-4)$$

$$\Rightarrow -6 = 2n + 2n + 2 + 4n + 8 \Rightarrow 8n = -16 \Rightarrow n = -2$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها، صفحه‌های ۲۷ تا ۳۱)

(محمدمهدی ایوب‌نژاد)

دترمینان ماتریس را در دو حالت با استفاده از دستور ساروس به دست آورده

و با هم برابر قرار می‌دهیم، داریم:

$$\begin{vmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & a \end{vmatrix} = (5a + 84 + 96) - (105 + 48 + 8a) = -3a + 27$$

$$\begin{vmatrix} 2 & 2 & 3 \\ 4 & 6 & 6 \\ 7 & 8 & a+1 \end{vmatrix} = (12a + 12 + 84 + 96) - (126 + 96 + 8a + 8) = 4a - 38$$

$$\Rightarrow -3a + 27 = 4a - 38 \Rightarrow 7a = 65 \Rightarrow a = \frac{65}{7}$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها، صفحه‌های ۲۷ تا ۳۱)

(پرنیان عزیزان)

-۱۰۷

اگر ۲ را از سطر اول، ۷ را از سطر دوم و ۳ را از سطر سوم فاکتور بگیریم،

آنگاه داریم:

$$\begin{vmatrix} 5a & 3b & 6c \\ 2 \times 7 \times 3 & 5d & 3e & 6f \\ 5g & 3h & 6i \end{vmatrix}$$

سپس ۵ را از ستون اول، ۳ را از ستون دوم و ۶ را از ستون سوم فاکتور

می‌گیریم. دترمینان مورد نظر برابر است با:

$$\begin{vmatrix} a & b & c \\ 2 \times 7 \times 3 & d & e & f \\ g & h & i \end{vmatrix} = 7 \times 540 \times \frac{1}{540} = 7$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها، صفحه‌های ۲۷ تا ۳۱)

(اسفاق اسفندریا)

-۱۰۸

برای ماتریس وارون پذیر  $A$ ، رابطه  $A^{-1}A = I$  برقرار است. بنابراین داریم:

$$I - A^{-1}BA = A^{-1}A - A^{-1}BA = A^{-1}(A - BA)$$





می‌کنند. بنابراین بزرگ‌ترین عدد طبیعی  $M$  به صورت ۹۴۷۳ می‌باشد که

باقي‌مانده تقسیم آن بر ۴، برابر باقی مانده تقسیم ۷۳ (دو رقم سمت راست  $M$ ) بر ۴، یعنی برابر ۱ است.

(ریاضیات گستره-آشنایی با نظریه اعداد، صفحه‌های ۲۳ و ۲۴)

(امیرحسین ابومصوب)

-۱۱۹

$$\overline{a111}a \equiv 0 \Rightarrow a - 1 + 1 - 1 + a \equiv 0 \Rightarrow 2a \equiv 1 \equiv 12$$

$$\frac{\div 2}{(2,11)=1} \rightarrow a \equiv 6 \Rightarrow a = 6$$

$$\overline{bab}b \equiv 0 \Rightarrow 3b + 6 \equiv 0 \Rightarrow 3b \equiv -6 \xrightarrow[\substack{(3,9)=3}]{\div 3} b \equiv -2 \Rightarrow b \equiv 1$$

$$\Rightarrow b = 1, 4, 7$$

بنابراین سه عدد ۱۶۱۱، ۴۶۴۴ و ۷۶۷۷، اعداد طبیعی چهار رقمی مورد نظر هستند.

(ریاضیات گستره-آشنایی با نظریه اعداد، صفحه‌های ۲۳ و ۲۴)

(همون نوراژ)

-۱۲۰

$$\overline{\delta x} \equiv 12 \xrightarrow[\substack{(3,5)=1}]{\div 3} x \equiv 4 \Rightarrow x = 5k + 4 \quad (k \in \mathbb{Z}) \quad (1)$$

$$\overline{\delta x} \equiv 3 \Rightarrow 4(5k + 4) \equiv 3 \Rightarrow 20k + 16 \equiv 3$$

$$\overline{20k - 13} \equiv -20 \xrightarrow[\substack{(20,7)=1}]{\div 20} k \equiv -1$$

$$\Rightarrow k = 7m - 1 \quad (m \in \mathbb{Z}) \quad (2)$$

$$(1), (2) \Rightarrow x = 5(7m - 1) + 4 \Rightarrow x = 35m - 1$$

$$100 \leq x \leq 999 \Rightarrow 100 \leq 35m - 1 \leq 999 \Rightarrow 101 \leq 35m \leq 1000$$

$$\frac{m \in \mathbb{Z}}{3 \leq m \leq 28}$$

بنابراین ۲۶ مقدار برای  $m$  و در نتیجه ۲۶ عدد طبیعی سه رقمی  $x$  وجود دارد که در دو معادله داده شده صدق کند.

(ریاضیات گستره-آشنایی با نظریه اعداد، صفحه‌های ۲۴ و ۲۵)

(مبشره ضرایب)

-۱۱۶

اگر عددی بر اعداد ۲ و ۵ بخش‌پذیر باشد، قطعاً بر ۱۰ نیز بخش‌پذیر و رقم

یکان آن برابر صفر است. بنابراین  $c = 0$  است و داریم:

$$\overline{a2b} \equiv 0 \Rightarrow a + 2 + b \equiv 0 \Rightarrow a + b \equiv -2 \equiv 1$$

$$\Rightarrow a + b = 1 \text{ یا } 11 \text{ یا } 21 \text{ یا } 31$$

$$\overline{a2b} \equiv 0 \Rightarrow 0 - b + 2 - a \equiv 0 \Rightarrow a + b \equiv 2 \Rightarrow a + b = 2 \text{ یا } 12$$

بنابراین  $a + b = 12$  و در نتیجه مجموع ارقام عدد چهار رقمی  $a2bc$ ، برابر ۱۵ است.

(ریاضیات گستره-آشنایی با نظریه اعداد، صفحه‌های ۲۳ و ۲۴)

(امیرحسین ابومصوب)

-۱۱۷

اگر معادله هم‌نهشتی  $ax \equiv 18$  در  $\mathbb{Z}$  فاقد جواب باشد، آنگاه

$a, 15 \mid 18$ . با توجه به اینکه  $3 \times 5 = 15$  و  $3 \mid 18$ ، پس لزوماً  $a$  مضرب

۵ است. در این صورت معادله هم‌نهشتی  $ax \equiv 12$  در مجموعه اعداد

صحیح جواب ندارد، زیرا  $(a, 10) \neq 1$  برای یکی از دو عدد ۵ یا ۱۰ است که

هیچ کدام مقسوم‌علیه عدد ۱۲ نیستند.

(ریاضیات گستره-آشنایی با نظریه اعداد، صفحه‌های ۲۴ و ۲۵)

(مهرداد ملوزنی)

-۱۱۸

$$\overline{a47b} \equiv 2 \xrightarrow[\substack{3|133}]{3|33} \overline{a47b} \equiv 2 \Rightarrow a + 4 + 7 + b \equiv 2$$

$$\Rightarrow a + b \equiv -9 \equiv 0 \Rightarrow a + b = 3k \quad (k \in \mathbb{Z})$$

$$\overline{a47b} \equiv 2 \xrightarrow[\substack{11|33}]{11|33} \overline{a47b} \equiv 2 \Rightarrow b - 7 + 4 - a \equiv 2$$

$$\Rightarrow b - a \equiv 5 \Rightarrow \begin{cases} b - a = 5 \\ b - a = -6 \end{cases}$$

بزرگ‌ترین عدد طبیعی  $M$  به ازای  $a = 9$  حاصل می‌شود. دو عدد ۹

و  $b = 3$ ، در دو شرط  $b - a = -6$  و  $a + b = 3k$  ( $k \in \mathbb{Z}$ ) صدق



(مبشره ضرایب)

-۱۲۴

فرض کنید تعداد اضلاع این دو چندضلعی را  $m$  و  $n$  در نظر بگیریم. در این صورت داریم:

$$2m - \frac{m(m-3)}{2} = 2n - \frac{n(n-3)}{2}$$

$$\Rightarrow 4m - m^2 + 3m = 4n - n^2 + 3n$$

$$\Rightarrow -m^2 + 7m = -n^2 + 7n \Rightarrow m^2 - n^2 = 7(m-n)$$

$$\Rightarrow (m-n)(m+n) = 7(m-n)$$

$$\frac{m \neq n}{m+n=7}$$

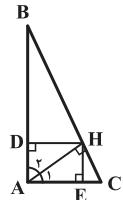
با توجه به اینکه یک چندضلعی حداقل ۳ ضلع دارد، پس تنها مقادیر ممکن برای تعداد اضلاع این دو چندضلعی،  $m=4$  و  $n=3$  است. بنابراین  $m-n=1$  می‌باشد.

(هنرسه ا- چندضلعی‌ها، صفحه ۵۵)

(امیرحسین ابراهیمی‌باب)

-۱۲۵

$$\hat{A} = 90^\circ \Rightarrow \hat{B} + \hat{C} = 90^\circ \xrightarrow{\hat{C}=5\hat{B}} 6\hat{B} = 90^\circ \Rightarrow \hat{B} = 15^\circ$$



بنابراین  $\hat{C} = 75^\circ$  است و در نتیجه در مثلث  $AHC$ ،  $\hat{A}_1 = 15^\circ$  می‌باشد.

می‌دانیم در یک مثلث قائم‌الزاویه، اگر یکی از زوایای حاده برابر  $15^\circ$  باشد،

آنگاه طول ارتفاع وارد بر وتر،  $\frac{1}{4}$  طول وتر است. بنابراین داریم:

$$\Delta AHB : \hat{B} = 15^\circ \Rightarrow HD = \frac{1}{4} AB$$

$$\Delta AHC : \hat{A}_1 = 15^\circ \Rightarrow HE = \frac{1}{4} AC$$

چهارضلعی  $ADHE$  مستطیل است. در نتیجه داریم:

$$\frac{S_{ADHE}}{S_{\Delta ABC}} = \frac{HD \times HE}{\frac{1}{2} AB \times AC} = 2 \times \frac{HD}{AB} \times \frac{HE}{AC} = 2 \times \frac{1}{4} \times \frac{1}{4} = \frac{1}{8}$$

(هنرسه ا- چندضلعی‌ها، صفحه ۶۴)

### هنرسه ۱ (آزمون گواه)

(سؤال ۶۴ کتاب آمیخته هندسه پایه)

-۱۲۶

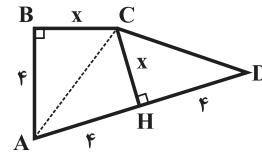
فاصله نقطه همرسی نیمسازهای زوایای داخلی یک مثلث، از سه ضلع آن مثلث، یکسان است. در نتیجه  $OH = OH' = OH'' = 2\sqrt{2}$  است. از

هندسه ۱

-۱۲۱

(ممدر فندران)

از نقطه  $C$ ، عمود  $CH$  را برابر ضلع  $AD$  رسم می‌کنیم. نقطه  $C$  روی نیمساز زاویه داخلی  $A$  قرار دارد، پس مطابق شکل  $AH = AB = 4$  و  $BC = CH = x$  است.



از طرفی  $C$  روی عمود منصف ضلع  $AD$  قرار دارد، پس  $AC = CD$  و  $HD = AH = 4$  است. مطابق شکل داریم:

$$S_{ABCD} = S_{\Delta ABC} + S_{\Delta ACD}$$

$$\Rightarrow 16 = \frac{1}{2} \times 4 \times x + \frac{1}{2} \times x \times 4 \Rightarrow 6x = 16 \Rightarrow x = 4$$

$$\Delta CHD : CD^2 = CH^2 + HD^2 = 4 + 16 = 20 \Rightarrow CD = 2\sqrt{5}$$

$$\text{محيط } ABCD = AB + BC + CD + DA = 4 + 4 + 2\sqrt{5} + 4 = 16$$

(هنرسه ا- ترسیم‌های هندسی و استدلال، صفحه‌های ۱۰ تا ۱۴)

(مبشره ضرایب)

-۱۲۲

$$\Delta BEF : AD \parallel EF \xrightarrow{\text{تالس}} \frac{BD}{BF} = \frac{AD}{EF} = \frac{3}{5}$$

$$\xrightarrow{\text{تفضیل نسبت در مخرج}} \frac{BD}{BF-BD} = \frac{3}{5-3} \Rightarrow \frac{BD}{DF} = \frac{3}{2} \quad (1)$$

$$\Delta CAD : MF \parallel AD \xrightarrow{\text{تالس}} \frac{CD}{DF} = \frac{AC}{AM} = \frac{2}{1} \quad (2)$$

$$(1), (2) \Rightarrow \frac{\frac{BD}{DF}}{\frac{CD}{DF}} = \frac{\frac{3}{2}}{\frac{1}{2}} \Rightarrow \frac{BD}{CD} = \frac{3}{4}$$

(هنرسه ا- قضیه تالس، تشابه و کاربردهای آن، صفحه‌های ۳۴ تا ۳۷)

(حسین مایبلو)

-۱۲۳

در یک مثلث قائم‌الزاویه، طول اضلاع روبرو به زوایای  $30^\circ$  و  $60^\circ$ ،

به ترتیب  $\frac{1}{2}$  و  $\frac{\sqrt{3}}{2}$  طول وتر است. طبق روابط طولی در مثلث قائم‌الزاویه



$$\frac{AB^2}{AC^2} = \frac{BH \times BC}{CH \times BC}$$

$$\Rightarrow \frac{BH}{CH} = \left( \frac{AB}{AC} \right)^2 = \left( \frac{\frac{1}{2}BC}{\frac{\sqrt{3}}{2}BC} \right)^2 = \left( \frac{1}{\sqrt{3}} \right)^2 = \frac{1}{3}$$

(هنرسه ا- قضیه تالس، تشابه و کاربردهای آن، صفحه‌های ۱۴ و ۳۴) (هنرسه ا- چندضلعی‌ها، صفحه ۶۴)



(سوال ۳۵ کتاب آبی هنر سه پایه)

-۱۲۹

در متوازی الاضلاع زوایای مجاور مکمل اند.

$$\hat{D} + \hat{C} = 180^\circ \Rightarrow 2\alpha + 2\beta = 180^\circ \Rightarrow \alpha + \beta = 90^\circ$$

$$\hat{D}\hat{E}\hat{C} = 180^\circ - (\alpha + \beta) = 180^\circ - 90^\circ = 90^\circ$$

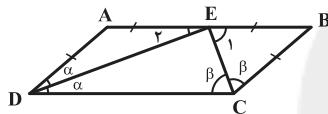
پس بنابر قضیه فیثاغورس داریم  $AB = CD = \sqrt{8^2 + 6^2} = 10$ . از

طرفی بنابر قضیه خطوط موازی و مورب  $\hat{E}_2 = \alpha$  و  $\hat{E}_1 = \beta$  است، پس مثلثهای  $ADE$  و  $BEC$  متساوی الساقین هستند. در نتیجه  $AE = AD$  و  $BE = BC$  است. از طرفی در متوازی الاضلاع ضلعهای  $AE = AD$  و  $BE = BC$  روبرو برابرند، پس می‌توان نوشت:

$$CD = AB = AE + BE = AD + AD = 2AD$$

$$\Rightarrow 10 = 2AD \Rightarrow AD = BC = 5$$

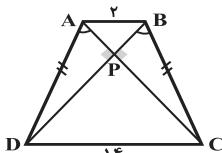
$$2(AD + CD) = 2 \times (5 + 10) = 30 = \text{محیط متوازی الاضلاع}$$



(هنر سه ا- پندتالی، صفحه های ۵۶ تا ۵۹)

(سراسری تهری فارج از کشور - ۱۳۰)

-۱۳۰



در ذوزنقه متساوی الساقین، قطرها برابر یکدیگرند، پس دو مثلث  $ADC$  و  $BDC$  به حالت تساوی سه ضلع هم نهشتند و در نتیجه  $D\hat{A}C = D\hat{B}C$  است، پس دو مثلث  $PAD$  و  $PBC$ ، بنا به حالت (وتر و یک زاویه حاده) هم نهشتند، بنابراین داریم:

$$\begin{cases} AP = BP & \xrightarrow{\Delta APB = 90^\circ} \text{قائم الزاویه متساوی الساقین است.} \\ PC = PD & \xrightarrow{\Delta CPD = 90^\circ} \text{قائم الزاویه متساوی الساقین است.} \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} AP = \frac{\sqrt{2}}{2} AB = \frac{\sqrt{2}}{2} \times 2 = \sqrt{2} \\ PD = \frac{\sqrt{2}}{2} CD = \frac{\sqrt{2}}{2} \times 14 = 7\sqrt{2} \end{cases}$$

با به کار بردن قضیه فیثاغورس در مثلث قائم الزاویه  $PAD$ ، داریم:

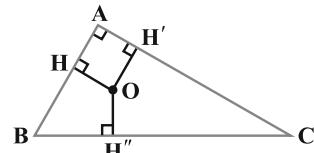
$$AD^2 = AP^2 + PD^2$$

$$\Rightarrow AD^2 = (\sqrt{2})^2 + (7\sqrt{2})^2 = 2 + 98 = 100 \Rightarrow AD = 10$$

(هنر سه ا- پندتالی، صفحه های ۶۳ تا ۶۶)

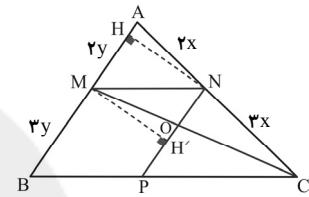
طرفی چهارضلعی  $AHOH'$  به دلیل داشتن چهار زاویه قائم و برابری دو ضلع مجاور آن، مربع است و در نتیجه داریم:

$$HH' = \sqrt{2} \times 2\sqrt{2} = 4$$



(هنر سه ا- ترسیم های هندسی و استدلال، صفحه های ۱۹ و ۲۰)

(سراسری ریاضی فارج از کشور - ۱۲۷)

چهارضلعی  $MNPB$  متوازی الاضلاع است، بنابراین  $MN \parallel BC$  و  $NP \parallel AB$ .

$$\Delta AMC : ON \parallel AM \xrightarrow{\text{تمییز قضیه تالس}} \frac{NC}{AC} = \frac{ON}{AM} \quad (1)$$

طبق فرض  $\frac{MA}{MB} = \frac{2}{3}$  و از اینکه  $MN \parallel BC$  نتیجه می‌شود که  $NC = 3x$  و  $AN = 2x$ ، پس فرض می‌کنیم  $x$  باشد. داریم:  $NC = \frac{MA}{MB} = \frac{2}{3}$ ،  $AN = \frac{MC}{MB} = \frac{2}{3}x$  و  $MA = 2y$ .

$$(1) \Rightarrow \frac{3x}{5x} = \frac{ON}{2y} \Rightarrow ON = \frac{6}{5}y$$

چون  $NP$  با  $AB$  موازی است بنابراین فاصله بین دو خط ثابت است، یعنی  $BN = NH = NH'$ ، پس ارتفاعهای مثلث  $OMN$  و متوازی الاضلاع  $BMNP$  با هم برابرند. در نتیجه نسبت مساحت های آنها برابر است با:

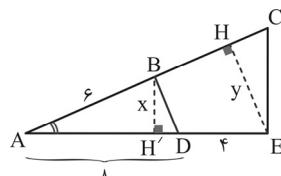
$$\frac{S_{\Delta OMN}}{S_{\Delta BMNP}} = \frac{\frac{1}{2}ON \times MH'}{\frac{1}{2}BN \times MH'} = \frac{\frac{1}{2}\left(\frac{6}{5}y\right)}{\frac{1}{2}\left(\frac{2}{3}x\right)} = \frac{\frac{6}{5}y}{\frac{2}{3}x} = \frac{9}{5}$$

(هنر سه ا- قضیه تالس، تشابه و کلربردهای آن، صفحه های ۳۱ و ۳۷ تا ۳۴)

(سراسری تهری - ۱۲۸)

-۱۲۸

مطابق شکل، داریم:



$$\begin{cases} \hat{A}H'B = \hat{A}HE = 90^\circ \\ \hat{A} \text{ مشترک} \end{cases} \xrightarrow{\text{تساوی زوایه ها}} \Delta ABH' \sim \Delta AEH$$

$$\Rightarrow \frac{BH'}{EH} = \frac{AB}{AE} \Rightarrow \frac{x}{y} = \frac{6}{8+4} = \frac{1}{2}$$

(هنر سه ا- قضیه تالس، تشابه و کلربردهای آن، صفحه های ۳۸ تا ۴۱)



$$= (A' \cap B) \cap (A \cap B') = (B - A) \cap (A - B) = \emptyset \xrightarrow{\text{متهم}} U$$

تذکر: دو مجموعه  $(B - A)$  و  $(A - B)$ ، دو مجموعه جدا از هم هستند.

پس اشتراک آنها تهی است.

(آمار و احتمال-آشنایی با مبانی ریاضیات، صفحه‌های ۲۶ تا ۳۴)

(مرتضی فیض‌علوی)

-۱۳۴

فضای نمونه این آزمایش، شامل حالت‌های انتخاب ۲ دانش‌آموز از میان ۱۲

دانش‌آموز است، بنابراین داریم:

$$n(S) = \binom{12}{2} = \frac{12 \times 11}{2} = 6 \times 11$$

پیشامد موردنظر شامل آن است که ابتدا ۲ ردیف از ۴ ردیف به طور تصادفی انتخاب شود و سپس از میان ۳ دانش‌آموز هر کدام از این دو ردیف، یک دانش‌آموز انتخاب گردد. در این صورت داریم:

$$n(A) = \binom{4}{2} \times \binom{3}{1} \times \binom{3}{1} = 6 \times 3 \times 3$$

$$P(A) = \frac{6 \times 3 \times 3}{6 \times 11} = \frac{9}{11}$$

(ریاضی ا- آمار و احتمال، صفحه‌های ۱۵۶ تا ۱۵۷)

(امیرحسین ابومهوب)

-۱۳۵

فرض کنید  $x$  باشد، در این صورت داریم:

$$P(b) = x + \frac{1}{12}, P(c) = x + \frac{2}{12}, P(d) = x + \frac{3}{12}$$

$$P(a) + P(b) + P(c) + P(d) = 1$$

$$\Rightarrow x + x + \frac{1}{12} + x + \frac{2}{12} + x + \frac{3}{12} = 1$$

$$\Rightarrow 4x + \frac{1}{2} = 1 \Rightarrow 4x = \frac{1}{2} \Rightarrow x = \frac{1}{8}$$

$$\frac{P(d)}{P(a)} = \frac{\frac{1}{8} + \frac{1}{4}}{\frac{1}{8}} = \frac{\frac{3}{4}}{\frac{1}{8}} = 3$$

(آمار و احتمال-احتمال، صفحه‌های ۳۸ تا ۵۸)

### آمار و احتمال

-۱۳۱

(امیرحسین ابومهوب)

ارزش گزاره  $\sim q \Rightarrow p$  نادرست است، پس  $p$  درست و  $\sim q$  نادرست است. در نتیجه ارزش گزاره  $q$  درست است. از طرفی هر دو گزاره  $q$  و  $q \Rightarrow \sim r$  درست هستند، پس  $r \sim$  درست و در نتیجه  $r$  نادرست است.

بنابراین داریم:

$$(r \Rightarrow p) \Leftrightarrow (\sim r \Rightarrow \sim p) \equiv (F \Rightarrow T) \Leftrightarrow (T \Rightarrow F)$$

$$\equiv T \Leftrightarrow F \equiv F$$

$$(p \wedge q) \Rightarrow (r \Leftrightarrow q) \equiv (T \wedge T) \Rightarrow (F \Leftrightarrow T) \equiv T \Rightarrow F \equiv F$$

(آمار و احتمال-آشنایی با مبانی ریاضیات، صفحه‌های ۶ تا ۱۲)

-۱۳۲

(مرتضی فیض‌علوی)

$$B \subseteq A \cup B \xrightarrow{A \cup B \subseteq A \cap C} B \subseteq A \cap C$$

$$\xrightarrow{A \cap C \subseteq A} B \subseteq A \quad (1)$$

$$A \subseteq A \cup B \xrightarrow{A \cup B \subseteq A \cap C} A \subseteq A \cap C$$

$$\xrightarrow{A \cap C \subseteq C} A \subseteq C \quad (2)$$

$$(1), (2) \Rightarrow B \subseteq A \subseteq C$$

بنابراین مجموعه‌های  $B - C$ ،  $A - C$  و  $B - A$  برابر تهی هستند ولی با

توجه به متمایز بودن مجموعه‌های  $B$  و  $C$ ، مجموعه  $C - B$  مخالف تهی

است.

(آمار و احتمال-آشنایی با مبانی ریاضیات، صفحه‌های ۲۲ و ۲۳)

-۱۳۳

(ممدر هبری)

$$[A' \cap (A \cup B)] \cap [A \cap (A' \cup B')]$$

$$= \left[ \underbrace{(A' \cap A)}_{\emptyset} \cup (A' \cap B) \right] \cap \left[ \underbrace{(A \cap A')}_{\emptyset} \cup (A \cap B') \right]$$



(سراسری ریاضی - ۱۹)

-۱۳۹

اگر پیشامد «بخش پذیر بودن بر ۵» و «بخش پذیر بودن بر ۶» را به ترتیب

با  $A$  و  $B$  نمایش دهیم، آنگاه هدف مسئله یافتن

$$P[(A - B) \cup (B - A)]$$

$$n(S) = 600 - 100 = 500$$

$$n(A) = \left[ \frac{600}{5} \right] - \left[ \frac{100}{5} \right] = 120 - 20 = 100$$

$$n(B) = \left[ \frac{600}{6} \right] - \left[ \frac{100}{6} \right] = 100 - 16 = 84$$

$$n(A \cap B) = \left[ \frac{600}{30} \right] - \left[ \frac{100}{30} \right] = 20 - 3 = 17$$

$$P(A - B) = P(A) - P(A \cap B) = \frac{100}{500} - \frac{17}{500} = \frac{83}{500}$$

$$P(B - A) = P(B) - P(A \cap B) = \frac{84}{500} - \frac{17}{500} = \frac{67}{500}$$

$$P[(A - B) \cup (B - A)] = P(A - B) + P(B - A)$$

$$= \frac{83}{500} + \frac{67}{500} = \frac{150}{500} = 0 / 3$$

تذکر:  $(A - B)$  و  $(B - A)$  دو پیشامد ناسازگار هستند.

(آمار و احتمال - احتمال، صفحه‌های ۳۴ ۳۵ ۳۶)

(سوال ۳۴۷ کتاب آین ریاضیات کسسه و آمار و احتمال)

-۱۴۰

$$P(B) = P(\{a_1, a_3, a_4, a_5\}) = \frac{4}{5}$$

$$\Rightarrow P(B') = P(\{a_1, a_5\}) = \frac{1}{5}$$

$$P(A) = \frac{3}{10} \Rightarrow P(\{a_1, a_5\}) + P(a_3) = \frac{3}{10}$$

$$\Rightarrow \frac{1}{5} + P(C) = \frac{3}{10} \Rightarrow P(C) = \frac{3}{10} - \frac{1}{5} = \frac{1}{10}$$

(آمار و احتمال - احتمال، صفحه‌های ۳۸ ۳۹)

### آمار و احتمال (آزمون گواه)

(سوال ۶۹ کتاب آین ریاضیات کسسه و آمار و احتمال)

-۱۳۶

گزینه «۱» درست است، چون به ازای  $\forall x \in A$ ، می‌توان  $y$  را برابر  $x$  در نظر گرفت.گزینه «۲» نادرست است، زیرا اگر  $x = 9$  باشد، آنگاه به ازای  $\forall y \in A$ ،  $x \geq y$  است.گزینه «۳» درست است، چون اگر  $x = 9$  باشد، آنگاه به ازای  $\forall y \in A$ ،  $9 + y \geq 10$  است.گزینه «۴» درست است، چون اگر  $x = 5$  باشد، آنگاه به ازای  $\forall y \in A$ ،  $|5 - y| \leq 4$  است.

(آمار و احتمال - آشنایی با مبانی ریاضیات، صفحه‌های ۱۳ تا ۱۵)

(سراسری ریاضی فارج از کشور - ۹۳)

-۱۳۷

با توجه به افزای داده شده، مجموعه  $A$  دارای ۴ عضو است. افزایهای مورد نظر به یکی از دو صورت زیر هستند:

$$\text{تعداد افزایها} = \binom{4}{4} + \binom{4}{2} = \frac{4!}{4!} + \frac{4!}{2!} = 1 + 3 = 4$$

(آمار و احتمال - آشنایی با مبانی ریاضیات، صفحه ۲۱)

(سوال ۲۰۶ کتاب آین ریاضیات کسسه و آمار و احتمال)

-۱۳۸

$$n(A) = 6, n(A \cap B) = 2$$

$$n(A - B) = n(A) - n(A \cap B) = 6 - 2 = 4$$

$$n[(A - B) \times (B - A)] = n(A - B) \times n(B - A)$$

$$\Rightarrow 20 = 4 \times n(B - A) \Rightarrow n(B - A) = 5$$

$$n(B - A) = n(B) - n(A \cap B)$$

$$\Rightarrow 5 = n(B) - 2 \Rightarrow n(B) = 7$$

بنابراین مجموعه  $B$ ،  $= 128$  زیرمجموعه دارد.

(آمار و احتمال - آشنایی با مبانی ریاضیات، صفحه‌های ۳۵ تا ۳۸)

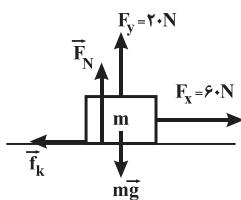
$$F_e = kx \Rightarrow F_e = k(l - l_0) \Rightarrow \Delta F_e = k(l_2 - l_1)$$

$$\Rightarrow \frac{\Delta F'_e}{\Delta F_e} = \frac{l'_2 - l'_1}{l_2 - l_1} \Rightarrow \frac{24 - 8}{40 - 8} = \frac{l'_2 - 4}{8 - 4} \Rightarrow l'_2 = 6 \text{ cm}$$

(فیزیک ۳- دینامیک و حرکت دایره‌ای، صفحه‌های ۳۴ و ۳۵)

(مسئلہ ششیان)

-۱۴۳



از آنجایی که جسم با سرعت ثابت روی سطح افقی در حال حرکت است،

بنابراین طبق قانون اول نیوتن، برایند نیروهای وارد بر آن برابر با صفر است

و در نتیجه داریم:

$$(F_{net})_x = 0 \Rightarrow F_x - f_k = 0 \Rightarrow 6 - f_k = 0 \Rightarrow f_k = 6 \text{ N}$$

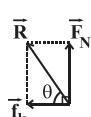
$$(F_{net})_y = 0 \Rightarrow F_y + F_N - mg = 0 \Rightarrow 20 + F_N - 100 = 0$$

$$\Rightarrow F_N = 80 \text{ N}$$

از طرف سطح افقی دو نیروی عمود بر هم  $\vec{f}_k$  و  $\vec{F}_N$  به جسم وارد می‌شود و

بنابراین نیرویی که سطح به جسم وارد می‌کند  $(\vec{R})$  زاویه  $\theta$  با سطح افقی

(راستای حرکت جسم) می‌سازد. داریم:

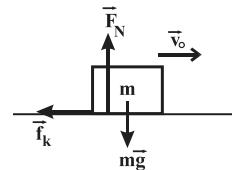


$$\tan \theta = \frac{F_N}{f_k} = \frac{80}{6} = \frac{4}{3} \Rightarrow \theta = 53^\circ$$

(فیزیک ۳- دینامیک و حرکت دایره‌ای، صفحه‌های ۳۴ و ۳۵)

(سعید شرق)

-۱۴۱



اگر قانون دوم نیوتون را برای جسمی که روی سطحی افقی پرتاب شده است،

بنویسیم، داریم:

$$(F_{net})_y = 0 \Rightarrow F_N = mg$$

$$(F_{net})_x = ma \Rightarrow -f_k = ma \Rightarrow -\mu_k F_N = ma$$

$$\Rightarrow -\mu_k mg = ma \Rightarrow a = -\mu_k g$$

بنابراین زمان توقف برابر است با:

$$v = at + v_0 \Rightarrow 0 = -\mu_k gt + v_0 \Rightarrow t = \frac{v_0}{\mu_k g}$$

در نتیجه با دو برابر شدن سرعت اولیه، زمان توقف نیز دو برابر می‌شود.

مسافتی که جسم طی می‌کند تا متوقف شود، برابر است با:

$$v^2 = v_0^2 + 2a\Delta x \Rightarrow 0 = v_0^2 + 2(-\mu_k g)\Delta x \Rightarrow \Delta x = \frac{v_0^2}{2\mu_k g}$$

در نتیجه با دو برابر شدن سرعت اولیه، مسافتی که جسم طی می‌کند تا

متوقف شود چهار برابر می‌شود.

دقت کنید جرم جسم تأثیری در زمان توقف و مسافت توقف جسم ندارد.

(فیزیک ۳- دینامیک و حرکت دایره‌ای، صفحه‌های ۳۴ و ۳۵)

(مسین مفروهمی)

-۱۴۲

با استفاده از رابطه بین اندازه نیروی وارد بر فنر و تغییر طول آن، می‌توان

نوشت:

$$f_k = \mu_k F_N \Rightarrow f_k = \mu_k (F'_1 + mg)$$

-۱۴۴

$$(F_{net})_x = 0 \Rightarrow F - f_k = 0 \Rightarrow F = \mu_k (F'_1 + mg)$$

$$\Rightarrow ۳۰ = ۰ / ۲(F'_1 + ۵ \times ۱۰) \Rightarrow F'_1 = ۱۰۰\text{N}$$

در نتیجه افزایش اندازه نیروی  $\bar{F}_1$  برابر است با:

$$\Delta F_1 = F'_1 - F_1 = 100 - 10 \Rightarrow \Delta F_1 = 90\text{N}$$

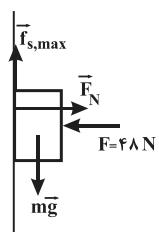
(فیزیک ۳- دینامیک و حرکت دایره‌ای، صفحه‌های ۳۵ تا ۴۳)

(بینا فورشید)

-۱۴۶

جسم مورد نظر در آسانسور ساکن و در آستانه حرکت است ولی چون آسانسور با شتاب ثابت در حال حرکت است، پس جسم نیز با شتاب ثابت در حال حرکت است. بر جسم دو نیروی وزن و اصطکاک ایستایی در راستای قائم وارد می‌شود. بنابراین داریم:

$$f_{s,max} = \mu_s F_N = \mu_s F = ۰ / ۵ \times ۴۸ \Rightarrow f_{s,max} = ۲۴\text{N}$$



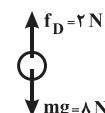
با توجه به قانون دوم نیوتون و در نظر گرفتن جهت حرکت آسانسور (بالا) به عنوان جهت مثبت، داریم:

$$f_{s,max} - mg = ma \Rightarrow ۲۴ - ۴۰ = ۴a \Rightarrow a = -۴\frac{\text{m}}{\text{s}^2}$$

بنابراین اندازه شتاب آسانسور برابر با  $4\frac{\text{m}}{\text{s}^2}$  و جهت آن به سمت پایین است، بنابراین حرکت آسانسور کندشونده است.

(فیزیک ۳- دینامیک و حرکت دایره‌ای، صفحه‌های ۳۵ تا ۴۳)

(زهره آقامحمدی)



اگر جهت رو به پایین را مثبت بگیریم با توجه به قانون دوم نیوتون در راستای قائم داریم:

$$(F_{net})_y = ma_y \Rightarrow mg - f_D = ma_y$$

$$\Rightarrow ۰ / ۸ \times ۱۰ - ۲ = ۰ / ۸a_y \Rightarrow a_y = ۷ / ۵ \times ۱۰ = ۱.۴\frac{\text{m}}{\text{s}^2}$$

ارتفاع  $h$  را با استفاده از رابطه مکان – زمان به دست می‌آوریم:

$$h = \frac{1}{2} a_y t^2 \Rightarrow h = \frac{1}{2} \times ۷ / ۵ \times ۱۶ = ۶۰\text{m}$$

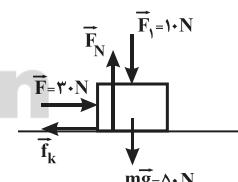
و تندی برخورد گلوله به زمین برابر است با:

$$v = a_y t \Rightarrow v = ۷ / ۵ \times ۴ = ۳۰\frac{\text{m}}{\text{s}}$$

(فیزیک ۳- دینامیک و حرکت دایره‌ای، صفحه‌های ۳۵ تا ۴۳)

(مسنون قندرپلار)

-۱۴۵



در ابتدا جسم با شتاب ثابت در مسیری مستقیم در حال حرکت است. چون

می‌خواهیم جسم با سرعت ثابت به حرکت خود ادامه دهد، بنابراین شتاب

حرکت آن برابر با صفر خواهد بود و این کار را با افزایش اندازه نیروی

اصطکاک انجام می‌دهیم. داریم:

$$(F_{net})_y = ۰ \Rightarrow F_N - F'_1 - mg = ۰ \Rightarrow F_N = F'_1 + mg$$



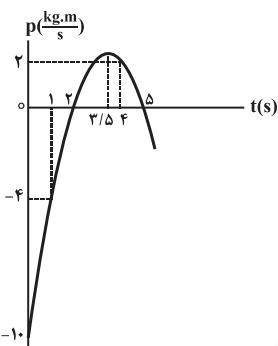
$$F_{av} = \frac{\Delta p}{\Delta t} = \frac{6t_2}{t_2} \Rightarrow F_{av} = 6N$$

(فیزیک ۳ - دینامیک و حرکت دایرہ‌ای، صفحه‌های ۴۶ تا ۴۸)

(ممتن قندپلر)

-۱۵-

با رسم نمودار تکانه بر حسب زمان می‌توان گزینه‌ها را بررسی کرد:



$$p = -(t^3 - 7t + 10) = -(t-2)(t-5)$$

گزینه «۱»

$$F_{av} = \frac{\Delta p}{\Delta t} = \frac{2 - (-4)}{4 - 1} = \frac{6}{3} = 2N$$

گزینه «۲»: طبق نمودار در  $t = 3/5s$  شیب خط مماس بر نمودار صفر

است، بنابراین نیروی خالص نیز در  $t = 3/5s$  صفر است.

گزینه «۳»: در نمودار  $p - t$ ، با گذشت زمان، اگر به محور  $t$  نزدیک

شویم، حرکت کنندشونده و اگر از محور  $t$  دور شویم، حرکت تندشونده

است. طبق نمودار از  $t = 0$  تا  $t = 2s$  حرکت کنندشونده و از  $t = 2s$  تا

$t = 3s$  حرکت تندشونده است.

گزینه «۴»: در  $t = 4s$ ، مقدار تکانه برابر  $\frac{kg \cdot m}{s}$  است. در نتیجه،

$$K = \frac{p^2}{2m} = \frac{(2)^2}{2(0/5)} = 4J$$

(فیزیک ۳ - دینامیک و حرکت دایرہ‌ای، صفحه‌های ۴۶ تا ۴۸)

(مسین مفروضی)

-۱۴۷

با استفاده از رابطه بین انرژی جنبشی و اندازه تکانه یک جسم، داریم:

$$K = \frac{p^2}{2m} \Rightarrow K_2 = \left(\frac{p_2}{p_1}\right)^2 \times \frac{m_1}{m_2}$$

$$\frac{m_2 = 3m_1}{K_2 = \frac{3}{4}K_1} \Rightarrow \frac{3}{4} = \left(\frac{p_2}{p_1}\right)^2 \times \frac{1}{3} \Rightarrow \frac{p_2}{p_1} = \frac{3}{2}$$

بنابراین درصد تغییرات اندازه تکانه جسم برابر است با:

$$\frac{\Delta p}{p_1} \times 100 = \left(\frac{p_2}{p_1} - 1\right) \times 100 = \left(\frac{3}{2} - 1\right) \times 100 = 50\%$$

(فیزیک ۳ - دینامیک و حرکت دایرہ‌ای، صفحه‌های ۴۶ تا ۴۸)

(فسرو ارغوان فر)

-۱۴۸

طبق رابطه  $p = mv$  داریم:

$$v = \frac{p}{m} = \frac{t^3 - 3t + 1}{2} = \frac{1}{2}t^3 - \frac{3}{2}t + \frac{1}{2}$$

حال با استفاده از رابطه شتاب متوسط، داریم:

$$a_{av} = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{v_4 - v_0}{4} = \frac{\left(\frac{1}{2} \times 4^3 - \frac{3}{2} \times 4\right)}{4} = \frac{6}{5} \frac{m}{s^2}$$

(فیزیک ۳ - دینامیک و حرکت دایرہ‌ای، صفحه‌های ۴۶ تا ۴۸)

(ممدرعلی راست پیمان)

-۱۴۹

تغییر تکانه یک جسم برابر با مساحت سطح زیر نمودار نیرو - زمان است،

بنابراین داریم:

$$\Delta p = \frac{1}{2}(12 \times t_2) \Rightarrow \Delta p = 6t_2 \frac{kg \cdot m}{s}$$

از طرف دیگر آهنگ تغییر تکانه متوسط برابر با نیروی خالص متوسط وارد بر

متحرک است و بنابراین داریم:



$$\Rightarrow \bar{F} \times 2 \times 10^3 = \frac{1}{2} \times 500 \times \left[ \left( \frac{90}{3/6} \right)^2 - \left( \frac{54}{3/6} \right)^2 \right]$$

$$\Rightarrow \bar{F} = 50 \text{ N}$$

(فیزیک ا-کار، انرژی و توان، صفحه‌های ۲۸ تا ۳۸)

### فیزیک ۱

(مسین مفروضی)

-۱۵۱

مسافتی که نور در مدت یک سال در خلا می‌بیند، یک سال نوری نامیده می‌شود.

(فسرو ارغوانی فرد)

-۱۵۵

با توجه به اصل پایستگی انرژی مکانیکی، داریم:

$$E_2 = E_1 \Rightarrow U_2 + K_2 = U_1 + K_1$$

$$\Rightarrow mgx + \frac{1}{2}mv^2 = mgh + \frac{1}{2}mv^2$$

$$\Rightarrow 10x + \frac{1}{2} \times 20^2 = 10 \times 60 + \frac{1}{2} \times 10^2 \Rightarrow x = 45 \text{ m}$$

(فیزیک ا-کار، انرژی و توان، صفحه‌های ۳۷ تا ۳۹)

$$62ly = 62 \times 3 \times 10^8 \times 365 \times 24 \times 60 \times 60$$

$$= 6 \times 2 \times 10^1 \times 3 \times 10^8 \times 3 / 65 \times 10^3 \times 2 / 4 \times 10 \times 6 \times 10 \times 6 \times 10$$

$$\sim 10^1 \times 10^1 \times 10^0 \times 10^8 \times 10^2 \times 10^0 \times 10^1 \times 10^1 \times 10^1 \times 10^1 \times 10^1$$

$$\Rightarrow 62ly \sim 10^{17} \text{ m}$$

(فیزیک ا-فیزیک و اندازه‌گیری، صفحه‌های ۱ و ۱۸ تا ۲۰)

(فسرو ارغوانی فرد)

-۱۵۲

ترازو مجموع جرم ظرف و مایع را نشان می‌دهد. داریم:

$$m_{\text{مایع}} = \rho_{\text{مایع}} V = 1 / 8 \times 60 \times 10^{-3} \times 125 \times 10^{-1}$$

$$\Rightarrow m_{\text{مایع}} = 13 / 5 \text{ kg}$$

$$M = m_{\text{مایع}} + m_{\text{ظرف}} = 13 / 5 + 3 / 3 \Rightarrow M = 16 / 8 \text{ kg}$$

(فیزیک ا- فیزیک و اندازه‌گیری، صفحه‌های ۲۱ و ۲۲)

(علیرضا کوچه)

-۱۵۳

با توجه به این که  $\frac{g}{L} = 1 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$  است، می‌توان نوشت:

$$\rho = \frac{m_{\text{مخلوط}}}{V_{\text{مخلوط}}} = \frac{\rho_A V_A + \rho_B V_B}{V_A + V_B} \Rightarrow \frac{\Delta}{f} = \frac{\frac{\Delta}{f} V_A + \frac{\Delta}{f} V_B}{V_A + V_B}$$

$$\Rightarrow \Delta V_A + \Delta V_B = \frac{\Delta}{f} V_A + \frac{\Delta}{f} V_B \Rightarrow \frac{V_A}{V_B} = 0 / \gamma$$

(فیزیک ا- فیزیک و اندازه‌گیری، صفحه‌های ۲۱ و ۲۲)

(فسرو ارغوانی فرد)

-۱۵۴

طبق قضیه کار – انرژی جنبشی، داریم:

$$\bar{P} = \frac{W_F}{t} = \frac{625}{5} \Rightarrow \bar{P} = 125 \text{ kW}$$

(فیزیک ا-کار، انرژی و توان، صفحه‌های ۲۸ تا ۳۸)

$$Ra = \frac{P_{\text{خروجی}}}{P_{\text{ورودی}}} = \frac{P_{\text{خروجی}}}{P_{\text{اتلافی}} + P_{\text{خروجی}}}$$

$$\frac{P_{\text{خروجی}}}{P_{\text{ورودی}}} = \frac{4P_{\text{خروجی}}}{4P_{\text{اتلافی}} + P_{\text{خروجی}}} \Rightarrow Ra = \frac{4P_{\text{خروجی}}}{4P_{\text{اتلافی}} + P_{\text{خروجی}}} = 0 / \lambda \Rightarrow Ra = 10\%$$

(فیزیک ا-کار، انرژی و توان، صفحه‌های ۳۹ تا ۴۹)

$$W_t = K_2 - K_1 \Rightarrow \bar{F}d = \frac{1}{2}m(v_2^2 - v_1^2)$$



$$P_M = P_N \Rightarrow P_0 + \rho_1 gh_1 = P_0 + \rho_2 g(x_1 + x_2)$$

-۱۵۸

$$\Rightarrow \rho_1 h_1 = \rho_2 (x_1 + x_2) \Rightarrow 0.6 h_1 = 1/5 \times (4 + 2) \Rightarrow h_1 = 15\text{cm}$$

در نتیجه جرم مایع اضافه شده برابر است با:

$$m_1 = \rho_1 V'_1 = \rho_1 h_1 A_1 = 0.6 \times 15 \times 20 \Rightarrow m_1 = 18\text{g}$$

(فیزیک - ویژگی‌های فیزیکی مواد، صفحه‌های ۷۰ تا ۷۵)

(شادمان ویسن)

-۱۶۰

با توجه به این که بارومتر، فشار هوا را اندازه می‌گیرد، در واقع باید ارتفاع

ستونی از مایع را محاسبه کنیم که فشاری معادل با فشار ستونی از جیوه به ارتفاع ۷۶ سانتی‌متر ایجاد می‌کند. داریم:

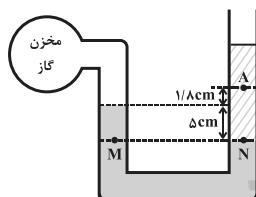
$$P_{جیوه} = \rho_{جیوه} gh_{جیوه} = \rho_{مایع} gh_{مایع} \Rightarrow \rho_{جیوه} = \rho_{مایع}$$

$$\Rightarrow 1/7h = 13/6 \times 76 \Rightarrow h = 60\text{cm} \quad \text{مایع}$$

(فیزیک - ویژگی‌های فیزیکی مواد، صفحه‌های ۷۰ تا ۷۵)

(بینا فورشید)

-۱۶۱



با توجه به برابری فشار در نقاط همتراز از یک مایع ساکن، داریم:

$$P_M = P_N$$

$$\Rightarrow P_0 + P_{گاز} = P_N \Rightarrow 104 + 5 = P_N \Rightarrow P_N = 109\text{cmHg}$$

فشار ناشی از ستونی از آب به ارتفاع  $h = 5 + 1/8 = 6/8\text{cm} = 0.75\text{cm}$  بر حسب

سانتی‌متر جیوه برابر است با:

$$h = 5 + 1/8 = 13/8 = 1.625\text{cm} \Rightarrow h = 1.625\text{cm} \quad \text{آب}$$

بنابراین داریم:

$$P_N = P_A + P_{آب} \Rightarrow 109 = P_A + 0.5 \Rightarrow P_A = 108.5\text{cmHg}$$

(فیزیک - ویژگی‌های فیزیکی مواد، صفحه‌های ۷۰ تا ۷۵)

(سعید شرق)

چون چگالی آب بیشتر از چگالی روغن است، بعد از ایجاد تعادل، روغن در

بالا و آب در پایین قرار می‌گیرد. با توجه به فشار ناشی از دو مایع در کف

طرف، داریم:

$$P = P_0 + P_{روغن} = \rho_1 gh_1 + \rho_2 gh_2$$

$$\Rightarrow 109 = 10^3 \times 10 \times \frac{h_1}{100} + 1000 \times 10 \times \frac{h_2}{100}$$

$$\Rightarrow 5h_1 + 4h_2 = 90 \quad (1)$$

از طرفی داریم:

$$h_1 + h_2 = 19 \quad (2)$$

با حل همزمان معادله‌های (۱) و (۲)، داریم:

$$\xrightarrow{(1),(2)} \begin{cases} h_1 = 14\text{cm} \\ h_2 = 5\text{cm} \end{cases}$$

فشار ناشی از مایع‌ها در عمق ۸ سانتی‌متری از سطح آزاد آن‌ها برابر است با:

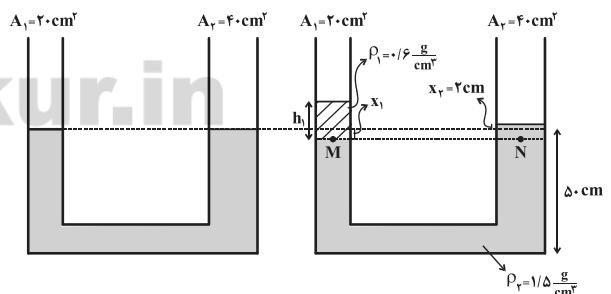
$$P' = \rho_2 gh_2 + \rho_1 gh'_1 = 1000 \times 10 \times 5 \times 10^{-2} + 10^3 \times 10 \times 3 \times 10^{-2}$$

$$\Rightarrow P' = 700\text{Pa}$$

(فیزیک - ویژگی‌های فیزیکی مواد، صفحه‌های ۷۰ تا ۷۵)

(عبدالرضا امینی نسب)

-۱۵۹



با اضافه کردن مایع به شاخه سمت چپ، با توجه به این که حجم مایع جابه‌جا

شده در دو شاخه برابر است، داریم:

$$V_1 = V_2 \Rightarrow A_1 x_1 = A_2 x_2$$

$$\Rightarrow 2 \times x_1 = 4 \times 2 \Rightarrow x_1 = 4\text{cm}$$

با توجه به برابری فشار در نقاط همتراز یک مایع ساکن، داریم:



$$T = 273 + \theta \Rightarrow \Delta T = \Delta \theta \quad (2)$$

$$\xrightarrow{(1),(2)} \Delta F = \frac{9}{5} \Delta T \Rightarrow -10 / 9 F_1 = \frac{9}{5} \times (-10) \Rightarrow F_1 = -10^{\circ}F$$

بنابراین:

$$F_1 = \frac{9}{5} \theta_1 + 32 \Rightarrow -10 = \frac{9}{5} \theta_1 + 32 \Rightarrow \theta_1 = -10^{\circ}C$$

(فیزیک ا- دما و گرمای، صفحه‌های ۷۳ و ۷۴)

(فسرو ارجاعی فرد)

-۱۶۵

با استفاده از رابطه ابسط طولی، می‌توان نوشت:

$$\begin{aligned} \Delta L = \alpha L_1 \Delta T &\Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} (12 - 6) = \alpha_A \times 6 \times (0' - 0) \Rightarrow \alpha_A 0' = 1 \\ (12 - 10) = \alpha_B \times 10 \times (0' - 0) \Rightarrow \alpha_B 0' = 0 / 2 \end{array} \right. \\ &\Rightarrow \frac{\alpha_A 0'}{\alpha_B 0'} = \frac{1}{0 / 2} \Rightarrow \frac{\alpha_A}{\alpha_B} = 5 \end{aligned}$$

(فیزیک ا- دما و گرمای، صفحه‌های ۹۵ تا ۹۹)

(علیرضا گونه)

-۱۶۶

با توجه به تعریف بازده، توان خروجی این گرمکن، برابر است با:

$$R_a = \frac{P}{P_{ورودی}} \times 100 \Rightarrow 80 = \frac{P_{خرожی}}{2 \times 10^3} \times 100$$

$$\Rightarrow P_{خرожی} = 1600W$$

از طرفی مقدار گرمای لازم برای تبدیل یخ صفر درجه سلسیوس به آب

$40^{\circ}C$  برابر است با:

$$Q = mL_F + mc\Delta\theta = m \times 336 \times 10^3 + m \times 4200 \times (40 - 0)$$

$$\Rightarrow Q = 504000m(J)$$

در نهایت داریم:

$$P_{خرожی} = \frac{Q}{t} \Rightarrow 1600 = \frac{504000m}{7 \times 60 \times 60} \Rightarrow m = 8kg$$

(فیزیک ا- دما و گرمای، صفحه‌های ۱۰۴ تا ۱۱۶)

(بیتا فورشید)

-۱۶۲

حجم حفره برابر با اختلاف حجم ظاهری و حجم ماده به کار رفته در ساخت

مکعب است. بنابراین:

$$V_{\text{حفره}} = V_{\text{ظاهری}} - \frac{m_{\text{توبیر}}}{\rho} - \frac{m_{\text{توخالی}}}{\rho}$$

$$\Rightarrow V_{\text{حفره}} = \frac{m_{\text{توبیر}} - m_{\text{توخالی}}}{\rho} \quad (1)$$

چون حجم ظاهری دو مکعب یکسان است، اندازه نیروی شناوری وارد بر

آنها در آب یکسان است و بنابراین طبق قانون دوم نیوتون برای هر مکعب

داریم:

$$\left. \begin{array}{l} m_{\text{توبیر}}g = F_{\text{فرنر}} + F_b \\ m_{\text{توخالی}}g = F'_{\text{فرنر}} + F_b \end{array} \right\} \Rightarrow \begin{array}{l} m_{\text{توبیر}}g = 18 + F_b \\ m_{\text{توخالی}}g = 12 + F_b \end{array}$$

$$\Rightarrow \left( m_{\text{توخالی}} - m_{\text{توبیر}} \right)g = 6 \Rightarrow m_{\text{توخالی}} - m_{\text{توبیر}} = 0.6kg \quad (2)$$

بنابراین:

$$\xrightarrow{(1),(2)} V_{\text{حفره}} = \frac{0.6}{3000} \Rightarrow V_{\text{حفره}} = 2 \times 10^{-4} m^3 = 200 cm^3$$

(فیزیک ا- ویژگی‌های فیزیکی مواد، صفحه‌های ۷۸ تا ۸۱)

(عبدالرضا امینی نسب)

-۱۶۳

با استفاده از معادله پیوستگی می‌توان نوشت:

$$A_A v_A = A_B v_B \Rightarrow \frac{A_A}{A_B} = \frac{v_B}{v_A} \Rightarrow \left( \frac{D_A}{D_B} \right)^2 = \frac{v_B}{v_A}$$

$$\Rightarrow \frac{D_A}{D_B} = \sqrt{4} \Rightarrow \frac{D_A}{D_B} = 2$$

(فیزیک ا- ویژگی‌های فیزیکی مواد، صفحه‌های ۸۲ تا ۸۵)

(مسیم مفرومن)

-۱۶۴

با استفاده از رابطه بین دمای فارنهایت و کلوین با دمای سلسیوس، داریم:

$$F = \frac{9}{5} \theta + 32 \Rightarrow \Delta F = \frac{9}{5} \Delta \theta \quad (1)$$



(ممدر علی راست پیمان)

-۱۶۹

با استفاده از قانون گازهای آرمانی، داریم:

$$PV = nRT \Rightarrow PV = \frac{m}{M} RT$$

$$\Rightarrow 10^5 \times (6 \times 4 \times 3) = \frac{m}{29 \times 10^{-3}} \times 8 \times (273 + 27)$$

$$\Rightarrow m = 87 \text{ kg}$$

(فیزیک - دما و گرمای، صفحه‌های ۱۳۵ و ۱۳۶)

(ممدر علی معززیان)

-۱۷۰

با استفاده از برابری فشار در نقاط هم‌تراز از یک مایع ساکن، در هر دو

حالات، داریم:

$$(P_{\text{گاز}})_1 = P_0 + \gamma \cdot h \Rightarrow (P_{\text{گاز}})_1 = 140 \text{ cmHg}$$

$$(P_{\text{گاز}})_2 = P'_0 + \gamma \cdot h \Rightarrow (P_{\text{گاز}})_2 = 100 \text{ cmHg}$$

حال طبق قانون گازهای آرمانی می‌توان نوشت:

$$\frac{(P_{\text{گاز}})_1 V_1}{T_1} = \frac{(P_{\text{گاز}})_2 V_2}{T_2} \Rightarrow \frac{V_1}{V_2} = \frac{140}{100} \Rightarrow T_2 = \frac{5}{7} T_1$$

تغییر دما در حجم ثابت باعث کاهش فشار گاز درون مخزن شده است.

بنابراین دما به اندازه  $120^\circ\text{C}$  کاهش یافته است.

$$T_2 - T_1 = -120 \Rightarrow \frac{5}{7} T_1 - T_1 = -120 \Rightarrow T_1 = 420 \text{ K}$$

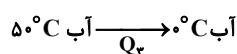
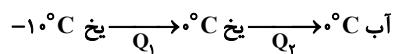
$$\Rightarrow \theta_1 = T_1 - 273 = 420 - 273 \Rightarrow \theta_1 = 147^\circ\text{C}$$

(فیزیک - دما و گرمای، صفحه‌های ۱۳۶ و ۱۳۷)

(عبدالرضا امینی نسب)

-۱۶۷

هر گاه مخلوط آب و بخ داشته باشیم، یعنی دمای تعادل صفر درجه سلسیوس است.



طبق اصل پایستگی انرژی، جمع جبری گرمایی مبادله شده باید صفر شود.

بنابراین:

$$Q_1 + Q_2 + Q_3 = 0$$

$$\Rightarrow m_{\text{آب}} c_{\text{آب}} (0 - (-10)) + m' L_f + m_{\text{آب}} c_{\text{آب}} (0 - 50) = 0$$

$$\xrightarrow{m' = 200 - 50 = 150 \text{ g}}$$

$$200 \times 2100 \times 10 + 150 \times 336000 + m_{\text{آب}} \times 4200 \times (-50) = 0$$

$$\Rightarrow m_{\text{آب}} = 260 \text{ g}$$

(فیزیک - دما و گرمای، صفحه‌های ۱۴۳ و ۱۴۴)

(ممدر علی قندرهای)

-۱۶۸

ابتدا سطح مقطع و سپس حجم میله را به دست می‌آوریم:

$$F = 1/\lambda\theta + 32 \Rightarrow \Delta F = 1/\lambda\Delta\theta \Rightarrow 360 = 1/\lambda\theta \Rightarrow \Delta\theta = 200^\circ\text{C}$$

با استفاده از رابطه آهنگ رسانش گرمایی، داریم:

$$H = \frac{kA\Delta\theta}{L} \Rightarrow 480 = \frac{400 \times A \times 200}{\lambda / 5} \Rightarrow A = 3 \times 10^{-3} \text{ m}^2$$

بنابراین جرم میله برابر است با:

$$m = \rho \cdot V = \rho(A \cdot L) \Rightarrow m = 20 \times 10^{-3} \times (3 \times 10^{-3} \times 0 / 5) = 30 \text{ kg}$$

(فیزیک - دما و گرمای، صفحه‌های ۹۲، ۹۳ و ۹۴)

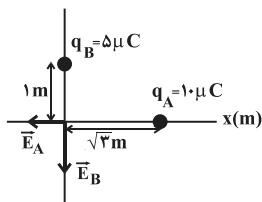


(فسرو ارغوانی فردا)

-۱۷۳

با توجه به علامت بارهای  $q_A$  و  $q_B$ ، جهت میدان الکتریکی ناشی از آنها

در مبدأ مختصات مطابق شکل خواهد بود:



اندازه میدان الکتریکی ناشی از هر بار، برابر است با:

$$E_A = k \frac{|q_A|}{r_A^2} = 9 \times 10^9 \times \frac{1.0 \times 10^{-6}}{(\sqrt{3})^2} = 3 \times 10^4 \text{ N/C}$$

$$\Rightarrow \vec{E}_A = -3 \times 10^4 \hat{i}$$

$$E_B = k \frac{|q_B|}{r_B^2} = 9 \times 10^9 \times \frac{5 \times 10^{-6}}{1^2} = 45 \times 10^4 \text{ N/C}$$

$$\Rightarrow \vec{E}_B = -45 \times 10^4 \hat{j}$$

بنابراین:

$$\vec{E} = \vec{E}_A + \vec{E}_B \Rightarrow \vec{E} = (-3\hat{i} - 45\hat{j}) \times 10^4 \text{ N/C}$$

(فیزیک ۲ - الکتریسیته ساکن، صفحه‌های ۱۰ تا ۱۷)

(زهره آقامحمدی)

-۱۷۴

چون گلوله به حالت تعادل قرار دارد، برایند نیروهای وارد بر آن صفر است.

پس داریم:

$$E|q| = mg \Rightarrow E = \frac{mg}{|q|} = \frac{1 \times 10^{-3} \times 10}{200 \times 10^{-9}} = 5 \times 10^4 \text{ N/C}$$

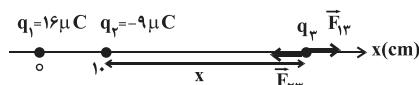
طبق رابطه اختلاف پتانسیل الکتریکی در میدان الکتریکی یکنواخت، می‌توان  $\Delta V$  را محاسبه کرد.

$$|\Delta V| = Ed = 5 \times 10^4 \times 5 \times 10^{-2} = 2500 \text{ V}$$

(فیزیک ۲ - الکتریسیته ساکن، صفحه‌های ۱۹ تا ۲۷)

(علیرضا کوچن)

-۱۷۱

چون دو بار ناهم‌نام هستند، بار نقطه‌ای  $q_3$  در مکانی خارج از فاصله بین دو بار و نزدیک به بار با اندازه کوچکتر باید قرار گیرد تا برایند نیروهای الکتریکی وارد بر آن صفر شود. داریم:

$$|\vec{F}_{13}| = |\vec{F}_{23}| \Rightarrow \frac{k|q_1||q_3|}{(10+x)^2} = \frac{k|q_2||q_3|}{x^2} \Rightarrow \frac{16}{(10+x)^2} = \frac{9}{x^2}$$

$$\Rightarrow x = 30 \text{ cm}$$

(فیزیک ۲ - الکتریسیته ساکن، صفحه‌های ۶ تا ۱۰)

(مسین مفرومی)

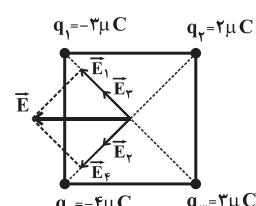
-۱۷۲

چون میدان الکتریکی برایند در مرکز مربع به صورت افقی است، پس برایند میدان‌های الکتریکی ناشی از بارهای  $q_1$  و  $q_3$  با برایند میدان‌های الکتریکی ناشی از بارهای  $q_2$  و  $q_4$  در مرکز مربع باید هم اندازه باشند.

بنابراین داریم:

$$|\vec{E}_1 + \vec{E}_3| = |\vec{E}_2 + \vec{E}_4| \Rightarrow \frac{k|q_1|}{r^2} + \frac{k|q_3|}{r^2} = \frac{k|q_2|}{r^2} + \frac{k|q_4|}{r^2}$$

$$\Rightarrow |q_1| + 3 = 2 + 4 \Rightarrow |q_1| = 3 \Rightarrow q_1 = -3 \mu C$$

دقت کنید علامت بار  $q_1$  باید منفی باشد تا جهت میدان الکتریکی آن باجهت میدان الکتریکی ناشی از بار  $q_3$  یکسان باشد.

(فیزیک ۲ - الکتریسیته ساکن، صفحه‌های ۱۰ تا ۱۷)



برای بار ذخیره شده در خازن نیز داریم:

$$Q = CV \Rightarrow \frac{Q_2}{Q_1} = \frac{C_2}{C_1} = 1/25 \Rightarrow \frac{\Delta Q}{Q_1} \times 100 = 25\%$$

(فیزیک ۲ - الکتریسیتă ساکن، صفحه‌های ۳۲ تا ۴۰)

(حسین مفدومن)

-۱۷۸

مقدار مقاومت‌های ترکیبی از رابطه  $R = \overline{ab} \times 10^n$  به دست می‌آید که در آن  $a$  معادل رقم حلقة اول،  $b$  معادل رقم حلقة دوم و  $n$  معادل رقم حلقة سوم است. بنابراین اگر رنگ تمام خطها یکسان باشد، داریم:

$$R = \overline{aa} \times 10^a$$

$$\therefore R_1 = 11 \times 10^1 \Omega : \text{گزینه } ۱$$

$$\therefore R_2 = 22 \times 10^3 \Omega : \text{گزینه } ۲$$

$$\therefore R_3 = 44 \times 10^4 \Omega : \text{گزینه } ۳$$

$$\therefore R_4 = 66 \times 10^6 \Omega : \text{گزینه } ۴$$

(فیزیک ۲ - هریان الکتریکی و مدارهای هریان مستقیم، صفحه‌های ۵۷ و ۵۸)

(بابک اسلامی)

-۱۷۹

طبق متن کتاب درسی، عبارت‌های به کار رفته در گزینه‌های «۱»، «۲» و «۳» عبارت‌های صحیح هستند. در مورد دیوود، هرگاه در مداری قرار گیرد، جریان را تنها از یک سو عبور می‌دهد و مقاومت آن در برابر عبور جریان در این سو ناچیز است و بنابراین جهت قرار گیری آن در مدار بسیار مهم است.

(فیزیک ۲ - هریان الکتریکی و مدارهای هریان مستقیم، صفحه‌های ۵۶ تا ۵۸)

(سیدعلی میرنوری)

-۱۸۰

با استفاده از قانون آهن، داریم:

$$V_{ac} = R_{ac}I \Rightarrow 68 = (15 + R)I$$

$$V_{bd} = R_{bd}I \Rightarrow 16 = (2 + R)I$$

$$\frac{68}{16} = \frac{15 + R}{2 + R} \Rightarrow R = 2\Omega$$

بنابراین:

(فیزیک ۲ - هریان الکتریکی و مدارهای هریان مستقیم، صفحه‌های ۴۹ و ۶۱ تا ۶۶)

(عبدالرضا امینی نسب)

-۱۷۵

چون بار مثبت در میدان الکتریکی رها شده است، پس در جهت خطوط میدان شروع به حرکت می‌کند. با حرکت در جهت خطوط میدان الکتریکی، فارغ از علامت بار، همواره پتانسیل الکتریکی نقاط کاهش می‌یابد. بنابراین  $\Delta U = q\Delta V$  است. از طرفی طبق رابطه  $V_C - V_A < 0$  و با توجه به این که علامت بار مثبت است، خواهیم داشت:

$$\Delta U_{AC} = q\Delta V_{AC} \xrightarrow{q > 0, \Delta V_{AC} < 0} \Delta U_{AC} < 0$$

بنابراین انرژی پتانسیل الکتریکی بار نیز کاهش خواهد یافت. دقت کنید هرگاه باری را در یک میدان الکتریکی رها کنیم و بار خود به خود شروع به حرکت کند، انرژی پتانسیل الکتریکی بار همواره کاهش خواهد یافت.

(فیزیک ۲ - الکتریسیتă ساکن، صفحه‌های ۱۷ تا ۲۷)

(محمدحسین معززیان)

-۱۷۶

با توجه به این که خازن پُر شده از مولد جدا می‌شود، بار ذخیره شده در آن ثابت خواهد ماند و با پُر کردن فاصله بین صفحات خازن با دیالکتریک، تغییری نخواهد کرد. از طرفی طبق رابطه  $C = \kappa \epsilon_0 \frac{A}{d}$  با وارد کردن دیالکتریک، ظرفیت خازن افزایش می‌یابد. در نتیجه طبق رابطه  $Q = CV$  ولتاژ دو سر خازن کاهش خواهد یافت.

(فیزیک ۲ - الکتریسیتă ساکن، صفحه‌های ۳۲ تا ۳۸)

(سعید شرق)

-۱۷۷

با توجه به این که دو سر خازن به باتری متصل است، بنابراین اختلاف پتانسیل بین دو صفحه خازن همواره ثابت است. از طرفی با استفاده از رابطه بین ظرفیت یک خازن تخت با ویژگی‌های هندسی آن، داریم:

$$C = \kappa \epsilon_0 \frac{A}{d} \Rightarrow \frac{C_2}{C_1} = \frac{d_1}{d_2} = \frac{d_2 - d_1 - 0}{d_1} = \frac{0}{d_1} \Rightarrow \frac{C_2}{C_1} = \frac{0}{d_1}$$

$$\Rightarrow \frac{C_2}{C_1} = 1/25$$

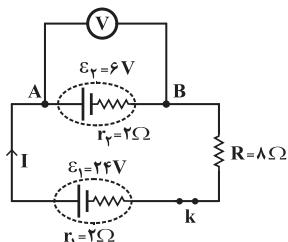
برای انرژی ذخیره شده در خازن، داریم:

$$U = \frac{1}{2} CV^2 \Rightarrow \frac{U_2}{U_1} = \frac{C_2}{C_1} = 1/25 \Rightarrow \frac{\Delta U}{U_1} \times 100 = 25\%$$



وقتی کلید  $k$  بسته می‌شود، چون  $\epsilon_2 > \epsilon_1$  است، جریانی ساعتگرد در مدار

برقرار می‌شود و بنابراین داریم:



$$I = \frac{\epsilon_1 - \epsilon_2}{R_{eq} + \sum r} \Rightarrow I = \frac{12 - 6}{4 + 2 + 1} = 1/5 A$$

$$V_A - \epsilon_2 - Ir_2 = V_B$$

$$\Rightarrow V_A - V_B = \epsilon_2 + Ir_2 = 6 + 1/5 \times 2 = 6.4 V$$

(فیزیک ۲ - هریان الکتریکی و مدارهای هریان مستقیم، صفحه‌های ۶۱ تا ۶۶)

(ملیمه بهمنی)

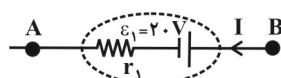
-۱۸۴

با حرکت لغزندۀ به سمت راست، طول کم‌تری از رُوستا در مدار قرار

می‌گیرد، پس مقاومت معادل مدار کم می‌شود و جریان اصلی افزایش می‌یابد و آمپرسنج عدد بزرگ‌تری را نشان می‌دهد. با مقایسه پایانه‌ها و اندازه نیروی

محرکه مولدۀ متوجه می‌شویم جریان به‌طور پادساعت‌گرد در مدار برقرار

است. اگر از نقطه A به سمت نقطه B حرکت کنیم، می‌توان نوشت:



$$V_A + Ir_1 + \epsilon_1 = V_B \Rightarrow V_B - V_A = \epsilon_1 + Ir_1$$

همان‌طور که مشاهده می‌شود، با افزایش جریان مدار، اختلاف پتانسیل دو سر

مولد  $\epsilon_1$  افزایش می‌یابد و ولت‌سنج ایده‌آل عدد بزرگ‌تری را نشان می‌دهد.

(فیزیک ۲ - هریان الکتریکی و مدارهای هریان مستقیم، صفحه‌های ۵۶ تا ۷۰)

(مسین مفروضی)

-۱۸۱

با توجه به این که  $\epsilon_1 = 19V$  و  $\epsilon_2 = 3V$  است، بنابراین مولد ۳ ولتی

صرف کننده است. ابتدا جریان را به دست می‌آوریم:

$$I = \frac{\epsilon_1 - \epsilon_2}{R_{eq} + \sum r} = \frac{19 - 3}{2 + 1 + 1} = \frac{16}{4} = 4 A$$

بنابراین توان ورودی مولد صرف کننده برابر است با:

$$P_7 = \epsilon_2 I + r_2 I^2 = 3 \times 4 + 1 \times 4^2 = 28 W$$

(فیزیک ۲ - هریان الکتریکی و مدارهای هریان مستقیم، صفحه‌های ۶۱ تا ۷۷)

(فسرو ارغوانی فرد)

-۱۸۲

در اتصالات موازی طبق رابطه  $V = IR$ ، جریان عبوری از هر مقاومت به

نسبت عکس مقاومت آنها توزیع می‌شود. فرض کنید جریان گذرنده از  $R_3$

برابر با  $I$  باشد، پس جریان گذرنده از  $R_2$  برابر با  $\frac{3}{2}I$  و جریان گذرنده

از  $R_4$  برابر  $\frac{1}{2}I$  و جریان گذرنده از  $R_1$  برابر با جمع این جریان‌ها خواهد بود.

$$I_1 = I + \frac{3}{2}I + \frac{1}{2}I = 3I$$

در نتیجه داریم:

$$P = RI^2 \Rightarrow P_1 = R_1 \times \left( \frac{I_1}{R_3} \right)^2 = \frac{6}{3} \times \left( \frac{3I}{1} \right)^2 = 18$$

(فیزیک ۲ - هریان الکتریکی و مدارهای هریان مستقیم، صفحه‌های ۶۱ تا ۷۷)

(ممدرعلی راست‌پیمان)

-۱۸۳

وقتی کلید  $k$  باز است، ولت‌سنج ایده‌آل نیروی محرکه مولد  $\epsilon_2$  را نشان

می‌دهد. بنابراین:

$$\epsilon_2 = 6 V$$



(عبدالرضا امینی نسب)

-۱۸۸

تعداد دور پیچه برابر است با:

$$L = N(2\pi R) \Rightarrow N = \frac{L}{2\pi R}$$

حال با استفاده از رابطه بزرگی میدان مغناطیسی در مرکز یک پیچه مسطح،

داریم:

$$B = \frac{\mu_0 NI}{2R} = \frac{\mu_0 LI}{4\pi R^2} \Rightarrow R^2 = \frac{\mu_0 LI}{4\pi B}$$

$$\Rightarrow R^2 = \frac{4\pi \times 10^{-7} \times 3 / 14 \times 2}{4\pi \times 5\pi \times 10^{-4}} = 4 \times 10^{-4}$$

$$\Rightarrow R = 0.2\text{m} = 2\text{cm}$$

(فیزیک ۲ - مغناطیس، صفحه‌های ۹۷ تا ۹۹)

(علیرضا گونه)

-۱۸۹

با استفاده از رابطه بزرگی میدان مغناطیسی روی محور یک سیم‌لوله آرمانی،

داریم:

$$B = \frac{\mu_0 NI}{\ell} = \frac{4\pi \times 10^{-7} \times 500 \times 0 / 2}{20 \times 10^{-2}} = 2\pi \times 10^{-4} T = 2\pi G$$

(فیزیک ۲ - مغناطیس، صفحه‌های ۹۹ و ۱۰۰)

(بابک اسلامی)

-۱۹۰

مواد دیامغناطیسی به طور ذاتی قادر خاصیت مغناطیسی هستند ولی هنگامی

که در میدان مغناطیسی خارجی قرار می‌گیرند، به سبب القاء، دو قطبی‌های

مغناطیسی در خلاف سوی میدان مغناطیسی در آن القاء می‌شوند.

(فیزیک ۲ - مغناطیس، صفحه‌های ۱۰۱ تا ۱۰۳)

(عبدالرضا امینی نسب)

-۱۸۵

با استفاده از رابطه نیروی مغناطیسی وارد بر یک ذره باردار، می‌توان نوشت:

$$F = |q| v B \sin \theta = 6 \times 10^{-6} \times 200 \times 5 \times 10^{-3} \times \frac{1}{2} = 30 \times 10^{-6}$$

$$\Rightarrow F = 3 \times 10^{-5} \text{ N}$$

دقت کنید میدان مغناطیسی باید بر حسب تسلا در رابطه جایگذاری شود.

(فیزیک ۲ - مغناطیس، صفحه‌های ۹۰ و ۹۱)

(ممتن قندرلر)

-۱۸۶

همواره نیروی خالص مغناطیسی وارد بر مسیرهای بسته درون میدان

مغناطیسی، که از آن‌ها جریان الکتریکی می‌گذرد برابر صفر است.

قسمت‌های CD و AB چون موازی با میدان مغناطیسی هستند، نیرویی بر

آنان وارد نمی‌شود در نتیجه نیرویی که بر قسمت DA وارد می‌شود با

نیرویی که به قسمت BC وارد می‌شود همان‌دازه اما در خلاف جهت است.

$$F_{DA} = F_{BC} = I \ell_{DA} B \sin \theta = 2 \times 3 \times 10^{-2} \times 5 \times 10^{-2} \times 1$$

$$\Rightarrow F_{BC} = 3 \times 10^{-3} \text{ N}$$

(فیزیک ۲ - مغناطیس، صفحه‌های ۹۱ تا ۹۴)

(فسرو ارغوانی خرد)

-۱۸۷

طبق قاعده دست راست، میدان مغناطیسی سیم حامل جریان I<sub>1</sub> در نقطهA به طرف بالا  $\uparrow$  و میدان مغناطیسی سیم حامل جریان I<sub>2</sub> در نقطه A نیز

به طرف بالا می‌باشد. پس میدان برایند نیز رو به بالا می‌باشد.

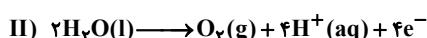
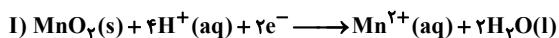
(فیزیک ۲ - مغناطیس، صفحه‌های ۹۴ تا ۹۶)



(ممدرضا پورجاویر)

-۱۹۴

معادله موازن شده نیم واکنش‌ها به صورت زیر است:



بررسی گزینه‌های نادرست:

گزینه «۱»: نیم واکنش «I» از نوع کاهش و نیم واکنش «II» از نوع اکسایش است.

گزینه «۲»: تعداد الکترون‌های مبادله شده در نیم واکنش «I» به ازای هر مول  $\text{MnO}_4$ ، نصف تعداد الکترون‌های مبادله شده در نیم واکنش «II» به ازای هر مول  $\text{O}_2$  است.

گزینه «۳»: با توجه به ضریب‌های استوکیومتری در واکنش «II»، به ازاء مصرف دو مول آب، چهار مول الکترون مبادله می‌شود.

(شیمی ۳، صفحه‌های ۳۹ و ۴۰)

(میلار شیخ‌الاسلامی فیاوه‌ی)

-۱۹۵

معادله واکنش انجام شده به صورت مقابل است:



از معادله می‌توان نتیجه گرفت به ازای مبادله ۶ مول الکترون، دو مول  $\text{Al}^{3+}$  وارد محلول می‌شود.

$$\text{? g Al}^{3+} = 10 / 836 \times 10^{22} \text{ e}^- \times \frac{1 \text{ mol e}^-}{6 \times 10^{23} \text{ e}^-} \times \frac{2 \text{ mol Al}^{3+}}{6 \text{ mol e}^-}$$

$$\times \frac{27 \text{ g Al}^{3+}}{1 \text{ mol Al}^{3+}} = 1 / 62 \text{ g Al}^{3+}$$

(شیمی ۳، صفحه‌های ۴۲ و ۴۳)

شیمی ۳

-۱۹۱

(مرتضی فوشیش)

در واکنش میان فلز و نافلز، فلزها اغلب نقش کاهنده و نافلزها اغلب نقش اکسنده را ایفا می‌کنند.

(شیمی ۳، صفحه‌های ۳۷ و ۳۸)

-۱۹۲

(ممدرسان مهدیزاده مقدم)

عبارت‌های «الف» و «پ» درست هستند.

بررسی عبارت‌های نادرست:

ب) اکسیژن با اغلب (نه تمام) فلزها واکنش می‌دهد.

ت) اگر در یک واکنش شیمیایی بار یک گونه مثبت‌تر شود، آن گونه اکسایش می‌یابد.

(شیمی ۳، صفحه‌های ۳۹ و ۴۰)

-۱۹۳

(بعضی‌می)

عبارت‌های «الف» و «ت» درست هستند.

بررسی عبارت‌ها:

عبارت «الف»: در این فرایند فلز روی اکسایش و یون‌های هیدروژن کاهش می‌یابند، بنابراین روی کاهنده است و کاتیون‌های  $\text{H}^+$  را کاهش می‌دهد.

عبارت «ب»: افزایش دمای محلول، نشان دهنده گرماده بودن این واکنش است در واکنش‌های گرماده پایداری فراورده‌ها از واکنش‌دهنده‌ها بیشتر است.

عبارت «پ»: هر اتم روی با از دست دادن دو الکترون به یون  $\text{Zn}^{2+}$  تبدیل می‌شود.

عبارت «ت»: یون‌های  $\text{H}^+$  با گرفتن الکترون به گاز هیدروژن تبدیل می‌شوند. بنابراین، غلظت  $\text{H}^+$  محلول کاهش و  $\text{pH}$  محلول افزایش می‌یابد.

(شیمی ۳، صفحه‌های ۳۹ و ۴۰)



حضور تیغه Au تغییر نکرده است، می‌توان دریافت واکنشی رخ نداده است.

پس قدرت کاهندگی Cu بیشتر از Au است.

(شیمی ۳، صفحه‌های ۳۹ تا ۴۳)

(ممدرسان ممدرساده مقدم)

-۱۹۹

بررسی تمام گزینه‌ها:

گزینه «۱»: از آنجایی که قدرت کاهندگی Mg بیشتر از Cu است، تیغه

Mg<sup>۲+</sup> در محلول (آ) با Cu<sup>۲+</sup> واکنش داده و به تدریج یون‌های

وارد محیط واکنش می‌شود.

گزینه «۲»: در محلول (ب) هیچ واکنشی رخ نمی‌دهد زیرا قدرت کاهندگی

Cu < Zn است.

گزینه «۳»: به دلیل انجام واکنش اکسایش – کاهش در محلول (آ)، دمای

محلول پس از مدتی افزایش می‌یابد. اما دمای محلول (ب) ثابت می‌ماند.

گزینه «۴»: قدرت کاهندگی Mg بیشتر از Cu است.

(شیمی ۳، صفحه‌های ۳۹ تا ۴۳)

(ممدرسان ممدرساده مقدم)

-۲۰۰

بررسی عبارت‌های نادرست:

ب) با توجه به الکترون‌های داده شده در لایه‌های مختلف می‌توان نوشت:

A:  $\begin{array}{c} 2s^2 \\ \text{الکترون} \\ 2s^2 2p^6 \\ \text{الکترون} \\ 3s^2 3p^6 \\ \text{الکترون} \\ 3d^10 \\ \text{در لایه چهارم} \\ \text{در لایه سوم} \\ \text{در لایه دوم} \end{array}$   
در لایه اول

$\Rightarrow I = 10$  = تعداد الکترون‌های زیر لایه  $I = 2$

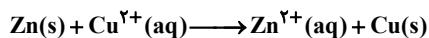
پ) گونه (C) به آرایش الکترونی پایدار گاز نجیب نرسیده است.

(شیمی ۳، صفحه‌های ۳۹ و ۴۰)

(ممدرسان پورهایبر)

-۱۹۶

واکنش انجام شده عبارت است از:



با توجه به جرم Zn اکسایش یافته خواهیم داشت:

$$? \text{g Cu} = ۱۳ \text{g Zn} \times \frac{۱ \text{mol Zn}}{۶۵ \text{g Zn}} \times \frac{۱ \text{mol Cu}}{۱ \text{mol Zn}} \times \frac{۶۴ \text{g Cu}}{۱ \text{mol Cu}} = ۱۲ / ۸ \text{g Cu}$$

اکسید شده (۱۳ گرم) وارد محلول شده و  $۱۲ / ۸$  گرم Cu تولید شده

بر روی این تیغه می‌نشیند. بدین ترتیب خواهیم داشت:

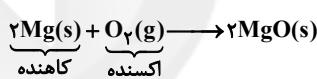
$$\text{کاهش جرم} = ۱۳ - ۱۲ / ۸ = ۰ / ۲ \text{g}$$

(شیمی ۳، صفحه‌های ۴۰ تا ۴۲)

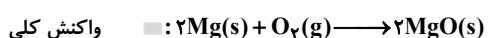
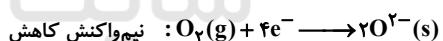
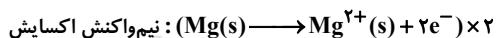
(ممدرسان ممدرساده مقدم)

-۱۹۷

واکنش سوختن منیزیم به صورت زیر است:



نیم واکنش‌های آن به صورت زیر است:



به ازاء تولید دو مول MgO، چهار مول الکترون مبادله می‌شود.

در گذشته از سوختن منیزیم به عنوان منبع نور در عکاسی استفاده می‌شد.

(شیمی ۳، صفحه‌های ۳۹ تا ۴۲)

(ممدرسان ممدرساده مقدم)

-۱۹۸

هرچه دمای مخلوط واکنش بیشتر باشد، تیغه فلزی مورد نظر قدرت

کاهندگی بیشتری دارد. بدین ترتیب، Zn بیشترین قدرت کاهندگی در بین

فلزهای داده شده را دارد. همچنین، با توجه به اینکه دمای مخلوط واکنش در



(ممدرسن محمدزاده مقدم)

-۲۰۴

مجموع درصد فراوانی تمام ایزوتوپ‌ها برابر ۱۰۰ است. بنابراین:

$$F_1 : \text{درصد فراوانی } X^{58}$$

$$F_2 : \text{درصد فراوانی } X^{60}$$

$$F_3 : \text{درصد فراوانی } X^{62}$$

$$F_1 + F_2 + F_3 = 100 \Rightarrow F_1 + F_2 + 10 = 100 \Rightarrow F_1 + F_2 = 90 \quad (1)$$

حال با استفاده از رابطه جرم اتمی میانگین داریم:

$$\bar{M} = \frac{F_1 M_1 + F_2 M_2 + F_3 M_3}{F_1 + F_2 + F_3}$$

$$\Rightarrow 58 / 9 = \frac{F_1 \times 58 + F_2 \times 60 + 10 \times 62}{100}$$

$$\Rightarrow 58 F_1 + 60 F_2 = 5270 \quad (2)$$

$$\xrightarrow{(1),(2)} \begin{cases} F_1 = 65 \\ F_2 = 25 \end{cases} \Rightarrow \frac{F_1}{F_2} = 2 / 6$$

(شیمی ا، صفحه‌های ۶ و ۳۰ تا ۳۵)

(امیرمحمدی بلاغن)

-۲۰۵

$$^{54}\text{Cr} : 1s^2 2s^2 2p^6 3s^2 3p^6 3d^5 4s^1 \Rightarrow \begin{cases} 1 = 0 \Rightarrow 7 \\ 1 = 1 \Rightarrow 12 \end{cases}$$

بنابراین ۱۹ الکترون در آرایش الکترونی  $^{54}\text{Cr}$  دارای عدد کوانتومی فرعی

کمتر از ۲ هستند.

الکترون‌هایی که رفتار شیمیایی یک عنصر را تعیین می‌کنند همان

الکترون‌های ظرفیتی آن است.

$$^{99}\text{Co} : 1s^2 2s^2 2p^6 3s^2 3p^6 \quad \underline{\underline{3d^7 4s^2}}$$

تعداد الکترون‌های ظرفیتی  $\Rightarrow 2 + 7 = 9$ 

(شیمی ا، صفحه‌های ۲۷ تا ۳۴)

شیمی ۱

-۲۰۱

بررسی گزینه‌های نادرست:

گزینه «۱»: اکسیژن دومین عنصر فراوان زمین است.

گزینه «۲»: در دوره چهارم، زیرلایه  $3d$  در عنصرهای  $^{44}\text{Cr}$  و  $^{45}\text{Mn}$  دارای ۵ الکترون است.گزینه «۴»: تمام نوارهای رنگی طیف نشری خطی هیدروژن حاصل از انتقال الکترون از ترازهای بالاتر از ۲ به تراز ۲ هستند. نوار سرخ مربوط به انتقال الکترون از  $n=3$  به  $n=2$  است.

(شیمی ا، صفحه‌های ۳، ۲۲، ۲۷ و ۳۰ تا ۳۴)

-۲۰۲

ابتدا شمار اتم‌های هیدروژن را در  $\text{N}_\gamma\text{H}_4$  تعیین می‌کنیم:

$$\text{atom H} = 112 \text{ g N}_\gamma\text{H}_4 \times \frac{1 \text{ mol N}_\gamma\text{H}_4}{32 \text{ g N}_\gamma\text{H}_4} \times \frac{6 / 0.2 \times 10^{23} \text{ N}_\gamma\text{H}_4}{1 \text{ mol N}_\gamma\text{H}_4}$$

$$\times \frac{4 \text{ atom H}}{1 \text{ N}_\gamma\text{H}_4} = 14 \times 6 / 0.2 \times 10^{23} \text{ atom H}$$

این تعداد اتم  $\text{H}$ ، با تعداد مولکول‌های  $\text{NH}_3$  برابر است. بنابراین:

$$? \text{ g NH}_3 = 14 \times 6 / 0.2 \times 10^{23} \text{ مولکول NH}_3$$

$$\times \frac{1 \text{ mol NH}_3}{6 / 0.2 \times 10^{23} \text{ مولکول NH}_3} \times \frac{17 \text{ g NH}_3}{1 \text{ mol NH}_3} = 228 \text{ g NH}_3$$

(شیمی ا، صفحه‌های ۱۶ تا ۱۹)

-۲۰۳

(ممدرسن محمدزاده مقدم)

بررسی گزینه نادرست:

تمام  $^{99}\text{Tc}$  موجود در جهان باید به صورت مصنوعی و با استفاده از واکنش‌های هسته‌ای ساخته شود.

(شیمی ا، صفحه‌های ۷ و ۸)



حجم گاز  $\text{NH}_3$  مصرفی را تعیین می‌کنیم:

$$\text{?L NH}_3 = 0 / \frac{4\text{L NO}}{22 / 4\text{L NO}} \times \frac{1\text{mol NO}}{1\text{mol NO}} \times \frac{4\text{mol NH}_3}{4\text{mol NO}}$$

$$\times \frac{22 / 4\text{L NH}_3}{1\text{mol NH}_3} = 0 / 4\text{L NH}_3$$

حال حجم هوا را محاسبه می‌کنیم:

$$\text{?L H}_2\text{O} = 0 / \frac{4\text{L NO}}{22 / 4\text{L NO}} \times \frac{5\text{mol O}_2}{4\text{mol NO}}$$

$$\times \frac{22 / 4\text{L O}_2}{1\text{mol O}_2} \times \frac{100\text{L H}_2\text{O}}{20\text{L O}_2} = 2 / 5\text{L H}_2\text{O}$$

(شیمی ا، صفحه‌های ۸۱ و ۸۵)

(امیرعلی برگردانی)

-۲۰۹

مورد «الف» نادرست است. کلسیم فسفات رسوب سفیدرنگی است که در

آب حل نمی‌شود و به این ترتیب با سدیم کلرید محلول نمی‌تواند واکنش دهد.

مورد «ب» نادرست است. حلال همواره تعداد مول بیشتری نسبت به حل شونده دارد اما جرم آن لزوماً بیشتر نیست.

مورد «پ» درست است.

$$\left. \begin{aligned} \text{ppm} &= \frac{\text{جرم حل شونده}}{\text{جرم محلول}} \times 10^6 \\ \text{جرم محلول} &= \frac{\text{جرم حل شونده}}{\text{جرم محلول}} \times 10^2 \end{aligned} \right\} \Rightarrow \text{ppm} = \frac{\text{درصد جرمی}}{10^4}$$

مورد «ت» درست است.

(شیمی ا، صفحه‌های ۹۶، ۹۷، ۱۰۰ تا ۱۰۳ و ۱۰۵)

(سید طاحه مصطفوی)

-۲۱۰

$$\text{?g Pb}^{2+} = 2000\text{mL KI} \times \frac{1\text{L}}{1000\text{mL}} \times \frac{0.1\text{mol KI}}{1\text{L KI}} \times \frac{1\text{mol I}^-}{1\text{mol KI}}$$

$$\times \frac{1\text{mol Pb}^{2+}}{1\text{mol I}^-} \times \frac{20\text{g Pb}^{2+}}{1\text{mol Pb}^{2+}} = 31 / 2\text{g Pb}^{2+}$$

(ton =  $10^6$  g)

$$\text{ppm} = \frac{\text{g Pb}^{2+}}{\text{محلول}} \times 10^6 \Rightarrow \text{ppm} = \frac{31 / 2}{10^6} \times 10^6 = 31 / 2$$

(شیمی ا، صفحه‌های ۱۰۲، ۱۰۳، ۱۰۶ و ۱۰۷)

(مینا شرافتی پور)

-۲۰۶

همه عبارت‌ها درست‌اند.

الف) در لایه‌های اول و سوم با افزایش ارتفاع دما کاهش می‌یابد.

ب) با افزایش ارتفاع روند فشار همواره به صورت کاهشی است اما تغییرات

دما به صورت نامنظم است.

پ) تغییرات آب و هوای زمین در لایه تروپوسفر رخ می‌دهد که در این لایه با

افزایش ارتفاع به ازای هر کیلومتر دما  $6^\circ\text{C}$  (۶K) افت می‌کند.

ت) درصد جرم هواکره، در نزدیک‌ترین لایه به سطح زمین (تروپوسفر)

قرار دارد.

(شیمی ا، صفحه‌های ۳۷ و ۴۱)

-۲۰۷

(محمدحسن محمدزاده‌مقدر)

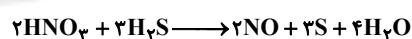
بررسی گزینه‌ها:

گزینه «۱»:



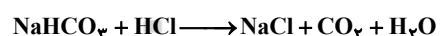
$\Rightarrow 3 =$  مجموع ضرایب فراورده‌ها

گزینه «۲»:



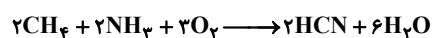
$\Rightarrow 9 =$  مجموع ضرایب فراورده‌ها

گزینه «۳»:



$\Rightarrow 3 =$  مجموع ضرایب فراورده‌ها

گزینه «۴»:



$\Rightarrow 8 =$  مجموع ضرایب فراورده‌ها

(شیمی ا، صفحه‌های ۵۱ تا ۵۶)

-۲۰۸

(محمدحسن محمدزاده‌مقدر)

معادله موازن شده به صورت زیر است:





$$\text{؟} \ g \text{K}_2\text{O} = 40 / 4 \text{g KNO}_3 \times \frac{1 \text{mol KNO}_3}{101 \text{g KNO}_3}$$

$$\times \frac{2 \text{mol K}_2\text{O}}{4 \text{mol KNO}_3} \times \frac{94 \text{g K}_2\text{O}}{1 \text{mol K}_2\text{O}} = 18 / 8 \text{g K}_2\text{O}$$

بازده درصدی واکنش برابر است با:

$$\frac{\text{مقدار عملی}}{\text{مقدار نظری}} = \frac{9 / 4}{18 / 8} \times 100 = 50$$

با توجه به معادله موازن شده به ازاء تولید هر دو مول  $\text{K}_2\text{O}$  در مجموع ۷ مول گاز تولید شود:

$7 \text{mol K}_2\text{O} \sim 7 \text{mol}$  گاز

$$\text{؟ L} = 9 / 4 \text{g K}_2\text{O} \times \frac{1 \text{mol K}_2\text{O}}{94 \text{g K}_2\text{O}} \times \frac{7 \text{mol}}{2 \text{mol K}_2\text{O}}$$

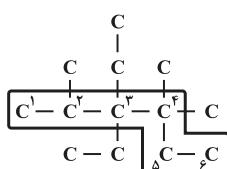
$$\times \frac{22 / 4 \text{L}}{1 \text{mol}} = 7 / 84 \text{L}$$

(شیمی ۲، صفحه‌های ۲۳ ۵ ۲۵)

(ممدرسان مقدمه‌آموزان)

-۲۱۴

فرمول داده شده را به صورت گستردۀ می‌نویسیم. (برای سادگی اتم‌های H نشان داده نشده‌اند).



زنگیرۀ اصلی دارای ۶ کربن است. شماره‌گذاری زنگیر اصلی را از سمت

چپ انجام می‌دهیم. زیرا زودتر به شاخۀ فرعی می‌رسیم.

بنابراین نام ترکیب به صورت زیر است:

۳، ۳- دی‌اتیل - ۲، ۴ - تری متیل هگزان

(شیمی ۲، صفحه‌های ۳۶ ۵ ۳۹)

(امیرعلی برخورداریون)

-۲۱۵

بررسی گزینه‌ها:

گزینه «۱»: نادرست. نام ساختار ترسیم شده «۲، ۲، ۴ - تری متیل هگزان»

است و ۹ اتم کربن دارد. «۳ - اتیل هگزان» ۸ اتم کربن دارد. بدین ترتیب

ترکیب‌های یاد شده ایزوومر یکدیگر نیستند.

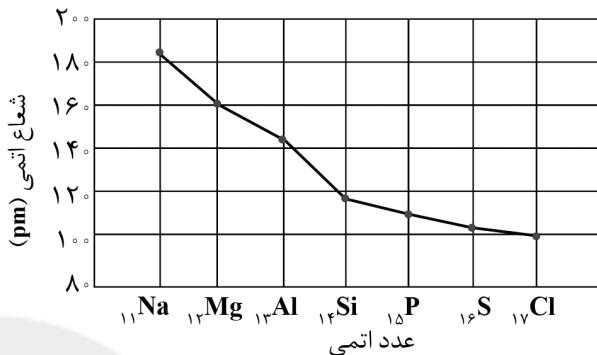
گزینه «۲»: نادرست. آلکان با ۱۸ اتم هیدروژن:  $\text{C}_8\text{H}_{18}$

شیمی ۲

-۲۱۱

(همیدر (بی))

گزینه «۱». با توجه به نمودار زیر، اختلاف شعاع اتمی آلومینیم با سیلیسیم بیشتر از این اختلاف در آلومینیم و منیزیم است.



گزینه «۲»: با اینکه خصلت نافلزی یُد کمتر از فلور است ولی یُد در دمای بالاتر از ۴۰۰ درجه سلسیوس با گاز هیدروژن واکنش می‌دهد.

گزینه «۳»: اغلب فلزهای واسطه در طبیعت به شکل ترکیب‌هایی همچون اکسیدها و کربنات‌ها و ... یافت می‌وند.

گزینه «۴»: مس نخستین عنصر فلزی است که زیر لایه ۳d آن کاملاً پُر است. ( $_{29}\text{Cu} : [Ar]^{10}4s^1 3d^0$ )

(شیمی ۲، صفحه‌های ۱۶ ۵ ۲۵)

-۲۱۲

ابتدا واکنش را موازنۀ می‌کنیم:



$$\text{؟ g Mg} \times \frac{96 \text{g Ti}}{48 \text{g Ti}} \times \frac{1 \text{mol Ti}}{100 \text{g Ti}} = \text{ناخالص Ti}$$

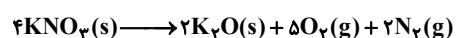
$$\times \frac{2 \text{mol Mg}}{1 \text{mol Ti}} \times \frac{24 \text{g Mg}}{1 \text{mol Mg}} \times \frac{100 \text{g}}{72 \text{g}} = \text{ناخالص Mg}$$

(شیمی ۲، صفحه‌های ۲۲ ۵ ۲۵)

-۲۱۳

(ممدرسان مقدمه‌آموزان)

ابتدا واکنش داده شده را موازنۀ می‌کنیم:



برای محاسبۀ بازده درصدی، مقدار نظری  $\text{K}_2\text{O}$  را تعیین می‌کنیم:



(علی علمداری)

-۲۱۸

ابتدا باید آنتالپی واکنش تشکیل  $\text{CF}_4$  را محاسبه کنیم. برای این کار آنتالپی واکنش اول را در  $\frac{1}{2}$ ، واکنش دوم را در ۱ و واکنش سوم را در  $\frac{1}{2}$  ضرب می کنیم:

$$\Delta H = \frac{1}{2}(52) + 1(537) + \frac{1}{2}(-2944) = -909 \text{ kJ}$$

بنابراین داریم:

$$52 / 8\text{g}\text{CF}_4 \times \frac{1\text{mol}\text{CF}_4}{88\text{g}\text{CF}_4} \times \frac{-909\text{kJ}}{1\text{mol}\text{CF}_4} \times \frac{1\text{min}}{-10908\text{kJ}}$$

$$\times \frac{60\text{s}}{1\text{min}} = 3\text{s}$$

(شیمی ۲، صفحه های ۷۵ تا ۷۷ و ۸۳ تا ۸۶)

(ممدرسان مقدمه ای)

-۲۱۹

ابتدا سرعت متوسط مصرف کلسیم کربنات را به دست می آوریم:

$$\bar{R}_{\text{CO}_3} = 0.004 \text{ mol.s}^{-1} \cdot \text{L}^{-1} \times 5\text{L} = 0.02 \text{ mol.s}^{-1}$$

$$\bar{R}_{\text{CaCO}_3} = \bar{R}_{\text{CO}_3} \Rightarrow \bar{R}_{\text{CaCO}_3} = 0.02 \text{ mol.s}^{-1}$$

$$25.0\text{g CaCO}_3 \times \frac{1\text{mol CaCO}_3}{10.0\text{g CaCO}_3} \times \frac{1\text{s}}{0.02\text{mol}} = 125\text{s}$$

(شیمی ۲، صفحه های ۸۳ تا ۸۶)

(پواد پدریدی)

-۲۲۰

$$A = \frac{10 - 2}{5} = 1.6 \text{ mol.min}^{-1}$$

$$C = \frac{10}{5} = 2 \text{ mol.min}^{-1}$$

طبق نمودار داده شده در بازه زمانی صفر تا  $2/5$  دقیقه،  $2/5$  مول

صرف، ۱۰ مول B مصرف و ۱۰ مول C تولید می شود. بنابراین می توان

نوشت:



سرعت متوسط واکنش برابر است با:

$$\bar{R}_{\text{ واکنش}} = \frac{\bar{R}_C}{4} = \frac{4}{4} = 1 \text{ mol.min}^{-1}$$

(شیمی ۲، صفحه های ۸۳ تا ۸۶، ۸۸ و ۹۰)

 $\text{Alkan}$  با ۷ اتم کربن:  $\text{C}_7\text{H}_{16}$ بنابراین گران روی ( مقاومت در برابر جاری شدن) در  $\text{C}_8\text{H}_{18}$  بیشتر است.

گزینه «۳»: درست. در آلان گران روی افزايش تعداد کربن، نقطه جوش افزایش می يابد و فرار بودن کم می شود.

گزینه «۴»: نادرست. تعداد پیوندهای اشتراکی در ساختار آلان، آلان ها، و آلان های هم کربن به صورت آلان &gt; آلان &lt; آلان است.

تعداد پیوندهای اشتراکی	فرمول عمومی	هیدروکربن
$3n + 1$	$\text{C}_n\text{H}_{2n+2}$	آلان
$3n$	$\text{C}_n\text{H}_{2n}$	آلکن
$3n - 1$	$\text{C}_n\text{H}_{2n-2}$	آلکین

(شیمی ۲، صفحه های ۳۲ تا ۳۴)

-۲۱۶

بررسی گزینه ها:

گزینه «۱»: ممکن است تعداد ذره های سازنده یا دمای آن ها با هم برابر نباشد، زیرا انرژی گرمایی یک نمونه ماده به تعداد ذره ها و دمای آن ها بستگی دارد.

گزینه «۲»: میانگین سرعت ذره های سازنده یک نمونه ماده هم ارز با دمای آن است.

گزینه «۳»: هرچه ظرفیت گرمایی ماده ای بیشتر باشد، با جذب مقدار معینی انرژی گرمایی، تغییر دمای کمتری خواهد داشت.

گزینه «۴»: گرما از ویژگی های یک نمونه ماده نیست و برای توصیف یک فرایند از آن استفاده می شود.

(شیمی ۲، صفحه های ۵۴ تا ۵۶)

-۲۱۷

با استفاده از رابطه  $\Delta H$  با آنتالپی پیوند داریم:

$$\Delta H = [ \text{مجموع آنتالپی پیوند واکنش دهنده ها} ] - [ \text{مجموع آنتالپی پیوند فراورده ها} ]$$

$$-804 = [ 4\Delta H(\text{C} - \text{H}) + 2\Delta H(\text{O} = \text{O}) ]$$

$$-[ 2\Delta H(\text{C} = \text{O}) + 4\Delta H(\text{O} - \text{H}) ]$$

$$4\Delta H(\text{O} = \text{O}) = -804 + [(2 \times 800) + (4 \times 465)] - (4 \times 415)$$

$$\Rightarrow \Delta H(\text{O} = \text{O}) = 498 \text{ kJ.mol}^{-1}$$

(شیمی ۲، صفحه های ۶۵ تا ۶۸)