

۱- معانی مقابل کدام واژه‌ها تماماً درست است؟

- الف) افگار؛ مجروح، خسته، آزرده
- ب) خدنگ؛ تیری است بسیار سخت
- ج) شرنگ؛ زهر، سم، هر چیز تلخ
- د) جرگه؛ گروه، زمرة، فوج
- ه) بام؛ بامداد، شبگیر، هنگام شب
- و) آرنگ؛ چین و شکنی که به واسطه خشم به چهره و ابرو می‌افتد

۴) و، د، هـ

۳) الف، ج، د

۲) ب، ج، و

۱) الف، ب، هـ

۲- معانی مقابل چند واژه، درست است؟

(استغفار؛ توبه کردن) (غره؛ مغروف) (فجور؛ تبهکاری) (فارغ؛ آسوده) (مستوجب؛ سزاوار) (کرامت؛ کار خارق عادت) (زغن؛ پرندۀای است شکاری
بزرگ‌تر از باز) (صعوه؛ پرندۀای کوچک به اندازه گنجشک) (چفز؛ قورباغه)

۴) نه

۳) هشت

۲) هفت

۱) شش

۳- کدام گزینه قاد غلط املایی است؟

- ۱) نمی‌شود نکند شوق، سرمۀ خاکم را
- ۲) مکن چندین بر این غمخوار خاری
- ۳) فغان که نیست در این باغ نقمۀ پردازی
- ۴) مَبین به چشم حغارت به هیچ خصم ضعیف
- ۴- در کدام گزینه غلط املایی وجود ندارد؟

- ۱) زلف مشکین تو در گلشن فردوس عزار
- ۲) نقض گفت آن بت ترسابچه باده پرست
- ۳) زان می که خورد حلّاج گر هر کسی بخوردی
- ۴) مردم در این فراغ و در آن پرده‌دار نیست

۵- بعضی آرایه‌های مقابل کدام بیت نادرست بیان شده است؟

چون نگین در کف هر دیو و ددم (مجاز، تلمیح)
نه در گوش مو گوشوار مویز (تشبیه، استعاره)
از این باد ار مده خواهی چراغ دل برافروزی (پارادوکس، تشخیص)
به جان رسیدم از آن تا به خدمتش نرسیدم (جناس تام، کنایه)

- ۱) به سلیمان برسانید که من
- ۲) نه بر گردن سرو طوق سمن
- ۳) ز کوی یار می‌آید نسیم باد نوروزی
- ۴) دو هفته می‌گذرد کان مه دو هفته ندیدم

۶- در کدام گزینه همه آرایه‌های «تشبیه، تشخیص و حس‌آمیزی» وجود دارد؟

برکش ز طرف پرده‌سرا ناله جرس
می‌زند طوطی جانم خویشتن را بر قفس
ور پای بندی همچو من فریاد می‌خوان از قفس
او بادبیزن همچنان در دست و می‌آید مگس

- ۱) ای مرغ خوش نوا چه فروپسته‌ای نفس
- ۲) می‌فرستم هدهدی هر دم به پیشت وز حسد
- ۳) بوی بهار آمد بنال ای بلبل شیرین نفس
- ۴) شیرین بضاعت بر مگس چندان که تندي می‌کند

۷- آرایه‌های مقابله ایات کاملاً درست است بهجز

عارفان را همه در شرب مدام اندازد (استعاره، ایهام)
ای بسا مرغ خرد را که به دام اندازد (تشییه، تناسب)
پخته گردد چو نظر بر می خام اندازد (پارادوکس، جناس)
گرد خرگاه افق پرده شام اندازد (تضاد، تشییه)

- (۱) ساقی ار باده از این دست بهجام اندازد
(۲) ور چنین زیر خم زلف نهد دانه خال
(۳) زاهد خام که انکار می و جام کند
(۴) آن زمان وقت می صبح فروغ است که شب

۸- مفهوم کنایه‌ای کدام بیت در ذیل آن نادرست بیان شده است؟

چهره پرچین و جبین پرآزنگ
بخایید دندان به دندان کین
تานسازی دل او از خون رنگ
تابه همسایه نگوید که تو در خانه مایی
شهد در کام من و توست شرنگ
به کام اندرم لقمه زهر است و درد
سینه بدريید و دل آورد به چنگ
بگفت اين قدر نبود از وي دریغ

- (۱) هر کجا بیندم از دور، کند
بیفسرده چون کوه پا بر زمین
(۲) نشوم یک دل و یکرنگ تو را
شمع را باید از این خانه برون بردن و کشتن
(۳) مادر سنگ دلت تا زنده است
چو بینم که درویش مسکین نخورد
(۴) رفت و مادر را افکند به خاک
بگفتا سرت گر ببرد به تیغ؟

۹- همه ایيات با بیت زیر قرابت مفهومی دارند، بهجز ...

عاشقی شیوه رندان بلاکش باشد»
نازی بکن که نیست از این به تنعمی
چون بالش زر نیست بسازیم به خشتنی
مگر آنان که سر ناز و دلالش دارند
دوست می داریم زخمی را که از جان بگذرد

- «تازپرورد تنعم نبرد راه به دوست
(۱) عشاق را ز ناز و تنعم فراغت است
(۲) در مصطبله (تحت) عشق تنعم نتوان کرد
(۳) عشق لیلی نه به اندازه هر مجنوی است
(۴) ما سبکروحان حریف ناز مرهم نیستیم

۱۰- مفهوم کدام ایيات بهم نزدیک است؟

گر اعتماد بر الطاف کارساز کنید
من این خربده خود را به هیچ نفووشم
کز هر زبان که می شنوم نامکر است
غمی که از تو نصیب دل غمین من است
که هرچه هست غمم، نیست از غمم غم هیچ

- (الف) به جان دوست که غم پرده بر شما ندرد
ب) غم تو را به نشاط جهان نخواهم داد
ج) یک قصه بیش نیست غم عشق وین عجب
د) به شادی دو جهانش نمی توان دادن
ه) غم است حاصلم از عشق و من بدین شادم

۴) ب، ج، د

۳) الف، ج، ه

۲) ب، د، هـ

۱) الف، ب، د

۱۱- واژه‌هایی هم‌معنای «کومه، هرآ، شولا، صولت و جدار» به ترتیب، در کدام ابیات آورده شده است؟

- | | | | | | |
|---|-------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|
| <p>چاره ما هیچ نیست جز سپر انداختن
تا همه خلق بدانند که زناری هست
سخنی ز عشق گویند و در او اثر نباشد
دمی انیس دل سوگوار من باشی
بلبلان را ز چمن ناله و غوغای برخاست
که زیر خرقه نه زنار داشت پنهانی</p> | ۲، ۱، ۶، ۳، ۴ (۴) | <p>۴، ۶، ۲، ۵، ۱ (۳)</p> | <p>۴، ۵، ۲، ۳، ۱ (۲)</p> | <p>۴، ۵، ۲، ۳، ۱ (۲)</p> | <p>۳، ۱، ۶، ۵، ۴ (۱)</p> |
|---|-------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|

- ۱) گر تو به شمشیر و تیر حمله بیاری رواست
- ۲) من از این دلق مرقع به درآیم روزی
- ۳) چه وجود نقش دیوار و چه آدمی که با او
- ۴) شبی به کلبه احزان عاشقان آیی
- ۵) موسوم نغمه چنگ است که در بزم صبح
- ۶) به هیچ زاهد ظاهر پرست نگذشتم

۱۲- در کدام گزینه غلط املایی دیده می‌شود؟

- ۱) از ذوالنون مصری نزد متوكل خلیفه عباسی سخن‌چینی نموده و متوكل او را به بعداد احضار کرد.
- ۲) گر بنده می‌نوازی و گر بنده می‌کشی، زجر و نواخت هرچه کنی رأی توست.
- ۳) پادشاه خجل گشت و دفع مضرت عامل بفرمود در حال، تا درویش و رعیت را سود دارد.
- ۴) رهی معیری در شعر حدیث جوانی خود را خواری در سایه گل آرمیده، جام عافیت ننوشیده و از شاخ آرزو، گل عیش نچیده، می‌پندارد

۱۳- در متن زیر چند واژه نادرست املایی دیده می‌شود؟

«در تسترو و در منزل شیخ مذبور، خادم سماط و مأمور سرکشی به سقاها از حیث صورت و سیرت ممتاز بودند و قاریان با آهنگ‌های محزون و نغمه‌های مهیج باوقار مشغول قرائت بودند و هنگام زیج گوسفندان برای ضیافت طی بر جرزها تکیه می‌دادند.»

- | | | | |
|-------|-------|-------|-------|
| ۳ (۴) | ۲ (۳) | ۱ (۲) | ۴ (۱) |
|-------|-------|-------|-------|

۱۴- ترتیب ابیات زیر به لحاظ داشتن آرایه‌های «تشبیه - جناس - حسن تعلیل - پارادوکس - استعاره» کدام است؟

- | | | | |
|--|---|--|---|
| <p>یا چشمۀ جانید که در چشم نیایید
زنهار نگردی به نکویی بدنام
چرا کناره گرفتی ز دست و پا انگشت؟
در دامن تو ریزم یا در برت افشانم؟
مردم آن چشم‌ها جمله سپند تو باد</p> | ۲ | <p>الف) گنجینۀ حسنید که در عقل نگنجید
ب) آسان نبود کشاکش پاس قبول
ج) اگر مزاج بزرگان تفقدی می‌داشت
د) بر سوزن مژگانم صد رشته گهر دارم
ه) تارخ و موی تو را در نرسد چشم بد</p> | ۱ |
|--|---|--|---|

(۲) ه - الف - ج - ب - د

(۴) الف - د - ه - ب - ج

(۱) الف - ه - ج - د - ب

(۳) د - الف - ج - ب - ه

۱۵- آرایه‌های مقابل همه بیت‌ها به جز بیت ... درست است.

- | | | | |
|---|---|--|---|
| <p>در فلاخن می‌گذارد خواب سنتگین مرا (حس‌آمیزی، استعاره)
به غیر دامن شب‌ها به هیچ دامن دست (حسن تعلیل، تشبیه)
تا مرا تیری از آن ابروکمان آمد به دست (تشبیه، کنایه)
اختیاری نیست در قطع مراحل عشق را (اسلوب معادله، استعاره)</p> | ۱ | <p>۱) گردش چشمی که من دیدم از آن وحشی غزال
۲) از آن سفید بود روی صبحدم که نزد
۳) سال‌ها گردن کشیدم چون هدف در انتظار
۴) جذبه‌های دریا ندارد سیل را دست از عنان</p> | ۲ |
|---|---|--|---|

۱۶- در کدام گزینه تعداد واژه‌های مرکب متفاوت است؟

- (۱) من دانسته و فهمیده خود را به گرداپ بلا پرت کردم، اما واهمه‌ای به خود راه ندادم.
- (۲) حرف‌های زندان‌بان را گوش می‌دادند و از پنجره‌های کوچک، روشنایی مختصری به داخل زیرزمین می‌تابید.
- (۳) قهوه‌چی در حالی که جعبه چوبی استکان‌هایش را به گردان انداخته بود، سلانه‌سلانه از گوشه‌ای پیدا شد.
- (۴) یک سرباز روسی از پاسدارخانه بیرون آمد و در حالی که سینه جلو داده بود مردم را نگاه می‌کرد.

۱۷- در متن زیر، چند واژه‌ی مشتق وجود دارد؟

«مرا به آسمانی با چهل خورشید تشبيه کرده بود، خودش را به شبی که ماه ندارد. مرا به یک درخت پرشاخ و برگ که سایه دارد، خودش را به درختی که ریشه‌اش از بین رفته و بر زمین افتاده. مرا به قله‌ی سفید سبلان، خودش را به ویران‌سرایی که هیچ‌گاه مهمان نداشته است»

- (۱) یک
(۲) دو
(۳) سه
(۴) چهار

۱۸- مفهوم کدام بیت با مفهوم سایر ایيات متفاوت است؟

کاین موسم حاصل بود و نیست تو را بار
سردهری‌های دوران از من مجنون مپرس
کدام نخل بروم‌مند این ثمر دارد؟
تهی‌دست ایمن است از دزد و طرار

- (۱) گفتش تبر آهسته که جرم تو همین بس
(۲) نخل بی‌برگ از دم سرد خزان آسوده است
(۳) رسید سرو ز بی‌حاصلی به آزادی
(۴) بود سرمایه‌داران را غم بار

۱۹- ایيات کدام گزینه با هم قرابت مفهومی ندارند؟

دریغ کز شبی چنین سپیده سر نمی‌زند
که گشت این باد محنت‌زا، چراغ ساحل ما را
نه چون گوسفندان مردم درید
ز پای خویش این بندگان را پیشتر واکن
هم‌چون بنششه سر به گریبان کشیده‌ام
هر گه که یاد روی تو کردم جوان شدم
و گرنه بر درخت تر، کسی تبر نمی‌زند
فرجام به جز سوختنش نیست سزاوار

- (۱) نشسته‌ام در انتظار این غبار بی‌سوار
دگر زین بحر طوفان خیز، امید رستگاری نیست
(۲) سر گرگ باید هم اول برید
ندارد سیل بی‌زنها، رحمت بر گران‌خوابان
با یاد رنگ و بوی تو ای نوبهار عشق
هر چند پیر و خسته‌دل و ناتوان شدم
(۳) نه سایه دارم و نه بر، بی‌فکنندم و سزاست
آن شاخ که سر برکشید و میوه نیارد

۲۰- کدام گزینه با سایر ابیات قرابت معنایی ندارد؟

- و گرنه سیل چو بگرفت، سد نشاید بست
از کمین بازیچه تقدیر می آید برون
که گیتی بسو زد چو گردد بلند
چو پر شد نشاید گذشن به پیل
- (۱) به روزگار سلامت سلاح جنگ بساز
(۲) هر کجا تدبیر می چیند بساط مصلحت
(۳) بکش آتش خُرد پیش از گزند
(۴) سر چشمہ شاید گرفتن به بیل

۲۱- «أَلَمْ تر أَنَّ اللَّهَ أَنْزَلَ مِنَ السَّمَاءِ مَاءً فَتُصْبِحُ الْأَرْضَ مُخْضَرَةً»:

- (۱) آیا نتگریستی که همانا خداوند از آسمان باران را فرو فرستاد برای این که زمین سبز و خرم گردد!
(۲) آیا نمی بینی که چگونه الله از آسمان بارانی را نازل کرد و سپس زمین سرسبز پدید آمد!
(۳) آیا نمی نگری که خداوند از آسمان آبی را فرو فرستاد تا زمین سرسبز شود!
(۴) آیا نیدیدی که الله از آسمان آبی را نازل کرد و سپس زمین سبز می شود!

۲۲- «إِنَّ بَعْضَ عَلَمَائِنَا الْكَبَارُ كَانُوا قَدْ بَدَؤُوا بِدِرَاسَاتِهِمُ الْعِلْمِيَّةِ فِي أَوَاخِرِ عُمُرِهِمْ لَا تَهُمْ كَانُوا تَوَكَّلُوا عَلَىٰ رَبِّهِمْ!»:

- (۱) مسلمًا برخی محققان بزرگمان تحقیقات علمیشان را در اواخر دوران عمر خودشان شروع نموده بودند، زیرا آنها به خدایشان توکل کردند!
(۲) قطعاً بعضی دانشمندان بزرگ دروس علمیشان را در پایان عمر خویش شروع کردند، برای این که آنها به خدا توکل کرده بودند!
(۳) گروهی از دانشمندان بزرگ مطالعات علمی خویش را در سالهای پایانی عمرشان آغاز کرده بودند، زیرا آنها به خدایشان توکل می کردند!
(۴) تعدادی از دانشمندان بزرگ ما مطالعات علمی خودشان را در اوخر عمرشان آغاز کرده بودند چرا که آنها به خدایشان توکل کرده بودند!

۲۳- «كَأَنَّ صَدِيقِي مَأْيُوسٌ فِي أُمُورِهِ وَ لَكَنَّ عَازِمٌ عَلَىٰ مُوَاصِلَةِ الْعَمَلِ حَتَّىٰ أَكْتَسِبَ نَتْيَجَةً مَطْلُوبَةً!»:

- (۱) گویا دوستم در کارهایش نالمید است، اما من بر ادامه دادن کار مصمم هستم تا نتیجه‌ای دلخواه را به دست آورم!
(۲) گویا دوستم در کارهایش مأیوس شده است، ولی من بر ادامه دادن کار مصمم هستم تا نتیجه دلخواه را به دست آورم!
(۳) مثل این که دوستم در کارهایش نالمید است، اما من بر ادامه دادن کار مصمم هستم تا نتیجه دلخواه به دست آید!
(۴) مثل این که دوستم در کارهایش مأیوس شده است، ولی من تا به دست آمدن نتیجه‌ای دلخواه کارها را ادامه می دهم!

۲۴- «فِي أَيَامِ دِرَاسَتِنَا الطَّوْلَيْلَةَ كَنَّا قدْ اعْتَدْنَا عَلَىٰ قُدرَاتِنَا مَعَ تَنَافِسِ سَلِيمِ!»:

- (۱) در ایام طولانی تحصیل با رقابت سالم بر قدرت خویش تکیه کرده بودیم!
(۲) طی رقابتی صحیح در مدت تحصیل طولانی خود به توانایی‌های خود اعتماد می کردیم!
(۳) طی مدت طولانی درس خواندنمان در فضایی سالم توانایی‌های خود را باور داشتیم!
(۴) در روزهای طولانی تحصیلمان با رقابتی سالم به توانمندی‌های خود اعتماد کرده بودیم!

٢٥- عین الخطأ:

- ١) إن المؤمنين هم الذين لم يسمحوا للخوف أن يغشى قلوبهم! مؤمنان همان كسانی هستند که اجازه نداده‌اند ترس قلب‌هایشان را در بر بگیرد!
- ٢) قلت لصديقي: ليت الشّباب يرجع يوماً! به دوستم گفتم: اى کاش روزی جوانی باز گردد!
- ٣) لعل الناس يكرهون الذنب و يتوبون إلى الله في شهر رمضان!: مردم اميدوارند که در ماه رمضان گناه را ناپسند بشمارند و توبه کنند!
- ٤) لنستفد من سنن العالم حتى نصل إلى غايتنا!: باید از سنت‌های جهان بهره بگیریم تا به هدف خود برسیم!

٢٦- عین الخطأ في المفهوم:

- ١) «لم تقولون ما لا تفعلون»: قول را نیست ثوابی چو عمل نیست در او / ایزد از بهر عمل کرد به آیات خطاب
- ٢) «و كان الله بما يعلمون محيطاً»: همه غیبی تو بدانی، همه عیبی تو بپوشی / همه عیشی تو بکاهی، همه کمی تو فزایی
- ٣) هلک من ليس له حكيم يرشده!: طی این مرحله بی همراهی خضر مکن / ظلمات است بترس از خطر گمراهی
- ٤) بقدر الکذ تُكتسب المعالي!: نیست کسبی از توکل خوب‌تر/ چیست از تسليم خود محبوب‌تر

٢٧- «هیچ شکی نیست که موفقیت انسان در زندگی علمی‌اش از مهم‌ترین امور به شمار می‌آید»:

- ١) لا شك أن النجاح الإنساني في حياته العلمية تعتبر من أهم الأمور!
- ٢) لا شك أن نجاح الإنسان في حياة علمية يعتبر من الأمور المهمة!
- ٣) لا شك أن نجاح الإنسان في حياته العلمية يعتبر من أهم الأمور!
- ٤) ليس شك أن نجاح الإنسان من أهم الأعمال تعتبر في الحياة العلمية!

٢٨- «اندیشمندان کشورهای اسلامی در سده‌های نخستین جایگاه علمی بلندی را به دست آورده بودند!»:

- ١) كان علماء الدول الاسلام اكتسبوا مكانة علمية رفيعة في القرون الأولى!
- ٢) كانوا العلماء في الدول الاسلامية يكتسبون مكانة علمية رفيعة في القرون الأولى!
- ٣) مفكرو البلدان الاسلامية كانوا اكتسبوا مكانة علمية رفيعة في القرون الأولى!
- ٤) كان مفكري البلدان الاسلامية اكتسبوا مكانة علمية رفيعة في القرون الأولى!

■ اقرأ النص التالي بدقة ثم أجب عن الأسئلة (٢٩ - ٣٤) بما يناسب النص:

«إن مصنوعات الإنسان خاضعة لإرادته. فهي في نفسها ليست خيراً أو شراً و في كثير من الأحيان تكون المصنوعات خيراً في نفسها فيحولها الإنسان شرًا بسوء استعماله. و الدين يعلم الإنسان كيف يستعمل القوة في طريق الخير و كيف ينتفع منها بشكل صحيح. استطاع الغربيون أن يتقدموا في الحياة المادية ولكنهم ابتعدوا عن الدين الحقيقي. فلم يبق لهم مانع من ارتكاب الجرائم. انظروا كيف يُشعرون نار الحروب و كيف يقتلون الأبرياء و يسرقون ثروات الشعوب المستضعفة!؟!»

- ٢٩- أي عنوان أنساب لعنوان النص؟
 - ١) سرقة الثروات بيد الأجانب!
 - ٢) نار الحرب و نتائجها!
 - ٣) الدين الحقيقي في المجتمعات!
 - ٤) انتاجات الإنسان و منافعها و مضرّاتها!
- forum.konkur.in

٣- عين الصحيح حسب النص:

١) يحول الإنسان مصنوعاته شرّاً دائمًا!

٢) الذين يُظْهِرُ طرِيقَ الاستعمال من القوّةِ!

٣) في أغلب الأوقات لم تكن مصنوعات الإنسان خيراً في نفسها!

٤) تقدّم الغربيون في الحياة المادّية و المعنويّةِ!

٣١- أي موضوع جاء في النص؟

١) خضوع الإنسان أمام الأبراءِ!

٢) سوء استعمال الغربيين من القدرةِ!

٣) أنواع الموانع للغربيين من ارتكاب الجرمِ!

٤) إقامة الحروب العالميةِ!

٣٢- عين الخطأ في التشكيل: «الذين يعلم الإنسان كيف يستعمل القوة في طريق الخير و كيف ينتفع منها بشكل صحيح!»

١) الإنسان - طريق - ينتفع

٢) الذين - يستعملُ - الخير

٣) يعلم - القوة - صحيح

٤) طريق - من - شكلِ

■ عين الصحيح في الإعراب و التحليل الصRFي (٣٣ و ٣٤):

٣٣- «يتقدمو» (أن يتقدموا):

١) فعل - للغائبين - لازم - مبني للمعلوم / فعل و مع فاعله جملة فعلية

٢) مضارع - مزيد ثلثي من باب تفعّل - مبني للمجهول / فعل و فاعله ضمير مستتر

٣) للمخاطبين - متعدّ - معرب / فعل و مع فاعله جملة فعلية

٤) مزيد ثلثي من باب تفعيل - متعدّ - معرب / فعل و فاعله ضمير بارز

٣٤- «المصنوعات»:

١) اسم - جمع سالم للمؤنث - معرف بـأـلـ / اسم «إن» و منصوب بعلامة الإعراب الفرعية

٢) اسم - جمع تكسير - معرف بـأـلـ / اسم «إن» و منصوب بعلامة الإعراب الأصلية

٣) جامد - معرب - منصرف / خبر «إن» و مرفوع

٤) مشتق - معرب - منصرف / خبر «إن» و مرفوع

٣٥- عَيْنَ اسْمَ النَّوَاسِخِ مُنْصوبًا بِالْعَرَابِ الظَّاهِريِّ:

١) كُلَّنَا نَعْلَمُ أَنَّ هُنَّاكَ نُجُومًا صَغِيرَةً فِي الْمَنْظُومَةِ الشَّمْسِيَّةِ غَيْرِ الْكُرَةِ الْأَرْضِيَّةِ!

٢) أَيُّهَا الطَّالِبَانِ؛ إِنَّكُمَا تَعْجَبَانِي بِفَضَائِلِكُمَا الْأَخْلَاقِيَّةِ!

٣) إِنَّهُ كَانَ إِنْسَانًا فَاضِلًا أَمْضَى أَكْثَرَ عُمْرِهِ فِي مَجَالِ التَّعْلُمِ وَالْتَّعْلِيمِ!

٤) كُنْتُ أَحَبَّ أَنْ أَسْافِرَ مَرَّةً أُخْرَى إِلَى بَلَادِ شِيرَازِ!

٣٦- عَيْنَ الْخَطَا فِي اسْتِعْمَالِ النَّوَاسِخِ:

١) إِنَّ هُولَاءِ الطَّالِبَاتِ الصَّالِحَاتِ يَعْلَمُنَّ أَنَّ الْعِلْمَ يَحْرُسُهُنَّ وَيُقْرَبُهُنَّ إِلَى اللَّهِ!

٢) إِنَّ هُولَاءِ التَّلَمِيذِينَ الصَّالِحُونَ يَعْلَمُونَ أَنَّ الْعِلْمَ يَحْرُسُهُمْ وَيُقْرَبُهُمْ إِلَى اللَّهِ!

٣) إِنَّ هَاتِينَ التَّلَمِيذِيْنَ الصَّالِحِيْنَ تَعْلَمَانَ أَنَّ الْعِلْمَ يَحْرُسُهُمَا وَيُقْرَبُهُمَا إِلَى اللَّهِ!

٤) إِنَّ هَذِينَ التَّلَمِيذِيْنَ الصَّالِحِيْنَ يَعْلَمَانَ أَنَّ الْعِلْمَ يَحْرُسُهُمَا وَيُقْرَبُهُمَا إِلَى اللَّهِ!

٣٧- عَيْنَ خَبْرِ النَّوَاسِخِ لَمْ يُقْدَمْ عَلَى اسْمِهِ:

١) كَانَ فِي بَاطِنِ كُلِّ مَرْءَ قَلْبًا يَدْعُوهُ إِلَى الْخَيْرَاتِ الْوَفِيرَةِ!

٢) لَيْسَ مَنَا مَنْ لَا يَعْتَقِدُ الْأَمَانَةَ وَلَا يَجْتَنِبُ الْخِيَانَةَ!

٣) سَتَكُونُونَ فِي الْبَيْتِ وَحِيدَةً فَلَا تَتَكَاسِلِي وَإِذْهَبِي مَعَ الْأُمِّ!

٤) أَلَيْسَ بَيْنَ تَلَمِيذِكَ تَلَمِيذَ ذَكِيِّ لِلَاشْتِراكِ فِي الْمُسَابِقَةِ الْعَلْمِيَّةِ؟

٣٨- عَيْنَ الْخَطَا:

١) إِنَا كُنَّا نَادِمِيْنَ مِنْ أَعْمَالِنَا! (اسْمُ الفَعْلِ النَّاقِصِ وَمَرْفُوع)

Konkur.in

٢) لَيْتَ طَالِبَ الْكَسْلَانِ يَجْتَهُ! (اسْمُ «لَيْتَ» وَمَرْفُوع)

٣) صَارُوا نَافِعِيْنَ لِأَصْدِقَائِهِمْ دَائِمًا! (خَبْرُ «صَارُوا» وَمَنْصُوب)

٤) كَانَ الشَّمْسُ كُرَةً مُلْتَهِبَةً! (خَبْرُ «كَانَ» وَمَرْفُوع)

٣٩- عین الصحيح بعد استخدام «كان» بدلاً من «إن»: «إني لا أسمح لك أن تشتري طعاماً مضرة!»

١) كنت لا أسمح لك ...!

٢) كانت لا أسمح لك ...!

٣) كان لا أسمح لك ...!

٤) كان أنا لا أسمح لك ...!

٤- عين الجواب الذي ما جاء فيه لا النافية للجنس:

١) «لا اله إلا الله»

٢) «لا حول و لا قوّة إلا بالله»

٣) لا دين لمن لا عهد له!

٤) لا تحسب المجد تمراً أنت آكله!

٤١- آية «انَّ اللَّهَ يَمْسِكُ السَّمَاوَاتِ وَالْأَرْضَ...» به چه موضوعی اشاره دارد و علت آن در کدام عبارت قرآنی مشهود است؟

١) اعتقاد به خداوند حکیم - «و ما انا عليکم بحفيظٍ»

٢) اختيار انسان - «إِنَّهُ كَانَ حَلِيمًا غَفُورًا»

٤٢- عبارات «هرکس با اراده و اختیار خود راه حق یا باطل را برگزیند» و «دعایی که با شرایط واقعی اش باشد، مانع بسیاری از بلاها می‌گردد»

به ترتیب منادی گر کدام سنت‌های الهی می‌باشند؟

١) امداد الهی - تأثیر نیکی یا بدی در سرنوشت

٤) امداد الهی - توفیق الهی

٤٣- آشنایی انسان با نشانه‌های الهی و درک عظمت خالق، معلول شناخت چیست و وسیله ظهور و بروز استعدادها کدام سنت الهی است و

کدام سنت مربوط به چگونگی و فرایند رشد و تکامل انسان است؟

٢) تقدیرات الهی در جهان - ابتلاء - ابتلاء

٤) قوانین جهان خلقت - توفیق الهی

٤٤- عبارت قرآنی «لَتَبَغُوا مِنْ فَضْلِهِ» نتیجه کدام عبارت شریفه است و عبارت قرآنی «كُلُّ فِلَكٍ يَسْبِحُونَ» درباره کدام قانونمندی حاکم بر

جهان است؟

١) «هو الّذى يحيى و يميت فإذا قضى أمرًا ...» - مدار سيارات

٢) «هو الّذى يحيى و يميت فإذا قضى أمرًا ...» - عدم برخورد خورشید و ماه

٣) «سخّر لكم البحر لتجري الفلك فيه بأمره ...» - عدم برخورد خورشید و ماه

٤) «سخّر لكم البحر لتجري الفلك فيه بأمره ...» - مدار سيارات

۴۵- اگر بگوییم: «نه در نقشه و نه در اجرا و پیاده کردن جهان نقص و اشتباهی نیست»، به ترتیب درباره چه موضوعاتی سخن گفته‌ایم و آبی که به

ارادة خود می‌نوشیم، در حقیقت به علت اعتماد به کدامین مورد است؟

(۱) تقدير - قضا - اولی
(۲) قضا - تقدير - دومی

(۳) قضا - تقدير - اولی
(۴) تقدير - قضا - دومی

۴۶- مهلت دادن خداوند علاوه بر افزودن امکانات به گمراهان، نشانگر کدام سنت الهی است و معنای آن کدام است؟

(۱) املاء - یعنی با همین امکانات و با اصرار خود، بیشتر در فساد فرو می‌روند و قدم به قدم از انسانیت فاصله می‌گیرند.

(۲) استدرج - یعنی با همین امکانات و با اصرار خود، بیشتر در فساد فرو می‌روند و قدم به قدم از انسانیت فاصله می‌گیرند.

(۳) املاء - آنان که راه باطل را برمی‌گزینند و با حق، عناد و دشمنی می‌ورزند، و به صورت تدریجی آیات الهی را تکذیب می‌کنند.

(۴) استدرج - آنان که راه باطل را برمی‌گزینند و با حق، عناد و دشمنی می‌ورزند، و به صورت تدریجی آیات الهی را تکذیب می‌کنند.

۴۷- کدام آیه ما را به این حقیقت رهنمون می‌سازد که هیچ موجودی نیست مگر این‌که در حیطه قانونمندی نظام خلقت جای داشته باشد؟

(۱) «اللهُ الَّذِي سَخَّرَ لَكُمُ الْبَحْرَ لِتَجْرِيَ الْفَلَكَ فِيهِ بَامِرَهُ»

(۲) «هُوَ الَّذِي يَحْيِي وَ يَمْيِيتُ إِذَا قَضَى أُمْرًا فَإِنَّمَا يَقُولُ لَهُ كُنْ فَيَكُونُ»

(۳) «إِنَّ اللَّهَ يَمْسِكُ السَّمَاوَاتِ وَالْأَرْضَ أَنْ تَرْزُوا ...»

(۴) «أَنَا كُلٌّ شَيْءٌ خَلَقْنَاهُ بِقَدْرٍ»

۴۸- کدام سنت باعث جدا شدن انسان‌های خوب از بد و ساخته شدن و تکامل یا خسران و عقب‌ماندگی انسان می‌گردد و پیام کدام آیه شریفه

حاکی از این حقیقت است؟

سایت کنکور Konkur.in

(۱) ابتلاء - «آتَمَا الْمُؤْمِنَ بِمَنْزِلَةِ كَفَّةِ الْمِيزَانِ كَلَّمَا زَيَّدَ فِي أَيْمَانِهِ زَيَّدَ فِي بَلَائِهِ»

(۲) امداد - «كُلًا نَمَّتْ هُؤُلَاءِ وَ هُؤُلَاءِ مِنْ عَطَاءِ رَبِّكَ وَ مَا كَانَ عَطَاءُ رَبِّكَ مَحْظُورًا»

(۳) ابتلاء - «احسَبَ النَّاسُ أَنْ يَتَرَكَّوا إِنْ يَقُولُوا آمِنًا وَ هُمْ لَا يَفْتَنُونَ»

(۴) امداد - «أَتَأَ هَدَيْنَاهُ السَّبِيلَ أَمَا شَاكِرًا وَ أَمَا كَفُورًا»

۴۹- «اختیار انسان» و «مایع بودن آب» به ترتیب مربوط به کدام قانونمندی است و خروج هریک از این دایره به ترتیب موصوف به چیست؟

(۱) تقدير - تقدير - ناممکن - ناممکن
(۲) تقدير - قضا - ناممکن - ممکن

(۳) قضا - تقدير - ممکن - ناممکن
(۴) تقدير - تقدير - ممکن - ممکن

۵۰- مفاهیم «الجاجت در برابر دعوت انبیا»، «عناد و دشمنی با حق»، «امداد خاص»، «حمایت کردن از انسان تلاشگر» به ترتیب یادآور کدامیک

از سنت‌های الهی است؟

(۱) امداد - املاء - توفیق الهی - توفیق الهی
(۲) امداد - امهال - توفیق الهی - امداد عام

(۳) املاء - املاء - امداد - توفیق الهی
(۴) امهال - امهال - امداد - امداد خاص

۵۱- عشق و محبت الهی علت از بین رفتن چه چیزی است و کدامیک را خلّاق می‌کند و این فرموده امام صادق (ع): «ما احبت الله من عصاه» به

کدامیک از آثار محبت به خدا اشاره دارد؟

(۱) خمودی و ترس و جبن - اراده‌ها - پیروی از خداوند
(۲) خودخواهی و نفع‌پرستی - اراده‌ها - دوستی با دوستان خدا

(۳) خودخواهی و نفع‌پرستی - اندیشه‌ها - دوستی با دوستان خدا
(۴) خمودی و ترس و جبن - اندیشه‌ها - پیروی از خداوند

۵۲- اولویت آراستگی در چه هنگامی بیشتر است و علت چیست و امام صادق (ع)، نشانه سستی و ضعف دیانت فرد را چه چیزی معرفی کرده

است؟

(۱) اجتماع - باید مسلمانان الگو و سرمشق سایر ملت‌ها قرار گیرند - پوشیدن لباس نازک و بدن‌نما

(۲) عبادت - باید مسلمانان الگو و سرمشق سایر ملت‌ها قرار گیرند - آراستن برای دیگری به‌خاطر انجام گناه

(۳) اجتماع - تکرار دائمی نماز در شب‌انه‌روز، باعث حفظ آن می‌شود - آراستن برای دیگری به‌خاطر انجام گناه

(۴) عبادت - تکرار دائمی نماز در شب‌انه‌روز، باعث حفظ آن می‌شود - پوشیدن لباس نازک و بدن‌نما

۵۳- با بهره‌گیری از پیام کدام آیه از قرآن کریم مفهوم می‌گردد که حجاب بر زنان واجب است؟

(۱) «وَلِيَضْرِبُنَّ بِخَمْرٍ هُنَّ عَلَىٰ جَيْوَبِهِنَّ»

(۲) «ذَلِكَ أَزْكِيٌ لَهُمْ أَنَ اللَّهُ خَبِيرٌ بِمَا يَصْنَعُونَ»

۵۴- اگر بگوییم: «استمرار دوستی و پیروی از خداوند متعال، آمرزش گناهان را به‌دنبال دارد»، پیام کدام آیه را ترسیم کرده‌ایم؟

(۱) «... وَ الَّذِينَ آمَنُوا أَشَدُ حَبَّاً لِلَّهِ»

(۲) «قَدْ كَانَتْ لَكُمْ أَسْوَةٌ؛ حَسَنَةٌ فِي إِبْرَاهِيمَ ...»

(۳) «قُلْ أَنْ كَنْتُمْ تَحْبَّبُونَ اللَّهَ فَاتَّبِعُونِي ...»

(۴) «... يُؤْمِنُونَ بِاللَّهِ وَالْيَوْمَ الْآخِرَ يَوَادُونَ مِنْ حَادَ اللَّهِ وَرَسُولِهِ»

۵۵- اگر بگوییم: «مگر می‌شود کسی حقیقتی را از صمیم قلب دوست داشته باشد، اما هر روز کاری بر ضد آن انجام دهد؟» این گفته بیانگر

چیست و با کدامیک از آثار محبت به خدا مرتبط است؟

(۱) تناسب میان ظاهر و باطن در آراستگی - بیزاری از دشمنان خدا

(۲) رابطه عفاف، عزتمندی و آراستگی - بیزاری از دشمنان خدا

(۳) رابطه عفاف، عزتمندی و آراستگی - پیروی از خداوند

(۴) تناسب میان ظاهر و باطن در آراستگی - پیروی از خداوند

۵۶- مقاهم «دلبسته عدالت و آزادی و صداقت و وفا، از ظلم و استبداد و ریا و بیوفایی متنفر است» و «نمی‌شود کسی دوستدار فضیلت‌ها و

کرامت‌ها باشد و در جهان زشتی و نافرمانی و ستم ببیند و در عین حال بتواند قرار و آرام بگیرد»، به ترتیب اشاره به کدامیک از آثار محبت

به خدا دارد؟

(۱) بیزاری از دشمنان خدا - بیزاری از دشمنان خدا

(۲) مبارزه با دشمنان خدا - مبارزه با دشمنان خدا

(۳) مبارزه با دشمنان خدا - بیزاری از دشمنان خدا

۵۷- برای پاسخ به سؤال «چگونه می‌توان دریافت که در دوستی خود با خداوند صادق هستیم؟» از کدام آیه مبارکه بهره می‌جوییم و در پاسخ

به کسانی که می‌گویند: «عمل به احکام دین ضرورتی ندارد، آنچه اهمیت دارد، درون و باطن است» باید کدام عبارت را اعلام بداریم؟

(۱) «قل ان كنتم تحبّون الله فاتّبعوني» - «از کوزه همان برون تراود که در اوست»

(۲) «قل ان كنتم تحبّون الله فاتّبعوني» - «خدایا! کیست که شیرینی دوستی با تو را چشیده باشد و غیر تو را طلب کند؟»

(۳) «ما احّبَ اللَّهَ مِنْ عَصَاهُ» - «خدایا! کیست که شیرینی دوستی با تو را چشیده باشد و غیر تو را طلب کند؟»

(۴) «ما احّبَ اللَّهَ مِنْ عَصَاهُ» - «از کوزه همان برون تراود که در اوست»

۵۸- ظاهر هر کس تجلی چیست و رابطه اخلاق و روحیات و اعمال و ظواهر چگونه رابطه‌ای است؟

(۱) اندیشه و باور - تقابل و تعادل

(۲) عمل - علت و معلول

(۳) عمل - تقابل و تعادل

(۴) اندیشه و باور - علت و معلول

۵۹- هرگاه بخواهیم برای این سخن رسول گرامی اسلام (ص) که فرمودند: «نگاه به نامحروم تیری زهرآلود از ناحیه شیطان است» یک مبنای

قرآنی بباییم، پیام کدام آیه شریفه مدرسان ما خواهد بود؟

(۱) «یدنین علیهنه من جلابیهنه»

(۲) «قل للمؤمنين يغضوا من ابصارهم و يحفظوا فروجهم»

(۳) «لا يبدين زينتهن الا ما ظهر منها و ليضربن بخمرهن على جيوبهنه»

(۴) «قل إنما حرم ربى الفواحش ما ظهر منها و ما بطن و الاثم ...»

۶۰- بالا رفتن سلامت اخلاقی جامعه ثمرة مبارک چیست و همسر، شامل کدامیک از محارم است و آیه «ذلک ادنی ان یعرفن فلا یؤذین» با

کدام عبارت قرآنی هم‌آوای دارد؟

(۱) پوشش زنان - سببی - «یدنین علیهنه من جلابیهنه»

(۲) عفاف زنان - نسبی - «یدنین علیهنه من جلابیهنه»

(۳) عفاف زنان - سببی - «يغضوا من ابصارهم و يحفظوا فروجهم»

(۴) پوشش زنان - نسبی - «يغضوا من ابصارهم و يحفظوا فروجهم»

61- Only a few people can stay ... the injured after an earthquake.

- | | |
|----------------------|------------------------|
| 1) too calm to help | 2) enough calm to help |
| 3) so calm that help | 4) calm enough to help |

62- A: "Can she read a book in French?"

B: "No, she doesn't know ... French to read a book."

- | | | | |
|---------|-----------|--------|---------|
| 1) very | 2) enough | 3) too | 4) such |
|---------|-----------|--------|---------|

63- A: "Did you understand the news last night?"

B: "No, I didn't find"

- | | | | |
|-------------|-----------|-------------|-----------|
| 1) them out | 2) it out | 3) out them | 4) out it |
|-------------|-----------|-------------|-----------|

64- We ... discussed tomorrow's activities then that the weather had improved, but our hearts weren't in it.

- | | | | |
|---------------|------------|----------------|------------|
| 1) physically | 2) briefly | 3) emotionally | 4) usually |
|---------------|------------|----------------|------------|

65- You see houses a hundred years old standing in areas where tornadoes ... a number of times a year.

- | | | | |
|-----------|----------|-----------|----------|
| 1) recall | 2) stick | 3) search | 4) occur |
|-----------|----------|-----------|----------|

66- Nothing is more ... to a partnership than for one partner to feel that he or she is being taken advantage of.

- 1) populated 2) probable 3) destructive 4) strong

67- The road was blocked for two hours after the accident, but the traffic is now flowing ... again.

- 1) entirely 2) smoothly 3) certainly 4) purely

Earthquakes are one of the most powerful events on earth. When large sections of underground rock break and move ... (68) ..., an earthquake occurs. This causes the ground to shake back and forth. Some earthquakes do not cause ... (69) ... damage, but large ones do. If a large earthquake occurs under the ... (70) ..., it can create giant waves which ... (71) ... the seashore. Scientists are trying to find ways to predict ... (72) ... an earthquake will happen so that people can be warned ahead of time.

- 68- 1) nearly 2) suddenly 3) particularly 4) generally

- 69- 1) many 2) a lot 3) so 4) much

- 70- 1) ocean 2) procedure 3) risk 4) region

- 71- 1) produce 2) reduce 3) flood 4) record

- 72- 1) where 2) why 3) how 4) when

Despite its small size (about 3 pounds), the brain is able to receive and send an unlimited number of messages. It does this with the help of the spinal cord, the sense organs and the nervous system. The brain does this task by assigning jobs. It puts the cerebellum in charge of balance and coordination. The brainstem regulates heartbeat, breathing and blood pressure, and the largest parts of the brain, the cerebral cortex and the cerebrum, control thoughts, feelings and actions.

The cerebrum is divided into two halves. Each half controls the muscles on the opposite side of the body, so if you usually eat with your right hand and kick with your right foot, then your brain's left half is said to dominate and you're right-handed. When the opposite is true, your brain's right half takes the lead and you're left-handed.

People use both halves of the brain, but the left half is especially good at helping you with words and numbers and helping you read and speak. The right side is better at creative tasks, such as music and art and your sense of humor develops there.

Each half has four sets of lobes (sections). The frontal lobes behind your forehead do a lot of the thinking and planning. The parietal lobes toward the back of your head sense pain, and the occipital lobes at the base of the brain allow you to see. The temporal lobes behind your ears store memories of music, taste, vision and touch.

73- Which of the following parts is in charge of regulating breathing?

- 1) Cerebellum 2) Cerebrum 3) Brainstem 4) Cerebral cortex

74- It can be inferred from the passage that people with dominant right half brains

- 1) eat with their right hand
- 2) draw with their both hands
- 3) kick a soccer ball with their right foot
- 4) write with their left hand

75- What does the word “dominate” in paragraph 2 mean?

- 1) control
- 2) speak
- 3) choose
- 4) weaken

76- What is the main idea of the passage?

- 1) The brain has two halves that control which hand you write with.
- 2) A funny person has a bigger brain than other people.
- 3) The lobes in the brain do different tasks.
- 4) The brain is a small organ that does many things for the human body.

The TV possibly has a lot of sports shows day and night, but do they make you healthy? The answer is clearly “No”. TV sports shows can be a good type of entertainment and make you excited, but you need to do some exercises every day to be healthy and relaxed as well. Some people choose to watch sports shows, and they forget about exercising. They say it is fun to watch, but hard to do! However, a few people try to do exercises regularly. They are generally healthy and in a good form, but they should get themselves away from injuries. A simple injury in the leg or any other important part of the body can make the individual unable to move, walk or stand in the right way. Therefore, one has to be careful when exercising. Another important aspect of daily exercise is having a healthy diet: if you exercise regularly, you need to eat enough healthy food to support your body when you are doing the exercise. Many people lose their muscles and a lot of weight because their diet and their exercise do not match. Finally, to make your body work appropriately, you need to avoid eating too much fast food.

77- The people who like watching TV sports shows but do not like doing exercises say that

- 1) exercising takes a lot of their time
- 2) watching sports shows is enough for them
- 3) doing exercises is difficult
- 4) they do not need exercises

Konkur.in

78- Which of the following is WRONG, according to the passage?

- 1) One has to be careful about injuries when he does exercise.
- 2) TV sports shows are entertaining and exciting.
- 3) A simple injury in an important part of the body is easy to improve.
- 4) Fast food can make one's body unable to work well.

79- According to the passage,

- 1) many people would like to exercise regularly
- 2) all who do exercises get injuries some day
- 3) a few people try to do exercises regularly
- 4) losing muscles is a result of heavy exercising

-۹۰ حاصل $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sin \frac{\pi}{x}}{1 - \frac{1}{x^2}}$ کدام است؟

$\frac{1}{\pi}$ (۴)

π (۳)

$\frac{2}{\pi}$ (۲)

$\frac{\pi}{2}$ (۱)

-۹۱ حاصل $\lim_{x \rightarrow \pi} \frac{1 + \cos^2 x}{\sin^2 x}$ کدام است؟

$-\frac{1}{3}$ (۴)

$\frac{1}{3}$ (۳)

$\frac{3}{2}$ (۲)

$-\frac{3}{2}$ (۱)

-۹۲ حاصل $\lim_{x \rightarrow 0} [\frac{x^2}{1 - \cos x}]$ کدام است؟ ()، نماد جزء صحیح است.

(۴) وجود ندارد.

(۳) صفر

۱ (۲)

۲ (۱)

-۹۳ حاصل $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt[3]{\cos x} - \sqrt{\cos x}}{\sin^2 x}$ کدام است؟

$-\frac{1}{6}$ (۴)

$\frac{1}{6}$ (۳)

$-\frac{1}{12}$ (۲)

$\frac{1}{12}$ (۱)

-۹۴ اگر $L = \lim_{x \rightarrow 2} \frac{2^x + 2^{2-x} - 6}{2^{2-x} + 2^x - 5}$ باشد، مقدار متناهی L کدام است؟

$\frac{3}{4}$ (۴)

$\frac{4}{3}$ (۳)

$\frac{2}{3}$ (۲)

$\frac{3}{2}$ (۱)

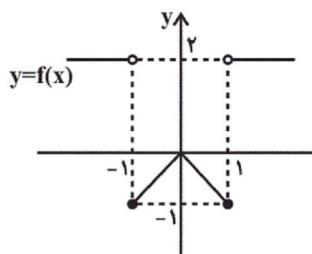
-۹۵ حاصل $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{\log_2^x - \log_2^2}{(\frac{x}{2})^2}$ کدام است؟

$\frac{4}{5}$ (۴)

۲ (۳)

$-\frac{1}{2}$ (۲)

۱ (۱)



-۹۶ اگر نمودار تابع f به صورت زیر باشد، تابع $y = \text{sgn}(f(x))$ در نقطه‌ای با کدام طول، حد دارد ولی پیوسته نیست؟

۱ (۱)

-۱ (۲)

۲ (۳)

(۴) صفر

-۹۷ تعداد نقاط ناپیوستگی تابع با ضابطه $f(x) = \sin((x - [x])\pi)$ روی بازه (۰, ۱) کدام است؟ ()، نماد جزء صحیح است.

۳ (۴)

۲ (۳)

۱ (۲)

(۱) صفر

-۹۸ معادله $x^3 + x + \log a = 0$ در بازه (-۱, ۰) حتماً جواب دارد. برای a چند مقدار صحیح وجود دارد؟

۲۹۹ (۴)

۲۰۰ (۳)

۱۰۰ (۲)

۹۹ (۱)

-۹۹ کدام یک از خطوط زیر، نمودار تابع $f(x) = \cos 4x + 2 \sin^2 x$ را در بازه $[-\frac{\pi}{4}, 0]$ قطع می‌کند؟

$2y + 7 = 0$ (۴)

$y - 2 = 0$ (۳)

$4y - 5 = 0$ (۲)

$3 - 4y = 0$ (۱)

-۱۰۰ وارون تابع $f(x) = \sqrt{x+1} - \sqrt{x+5}$ در بازه $[a, b]$ پیوسته است. بیشترین مقدار $b - a$ کدام است؟

(۴) وجود ندارد.

۲ (۳)

$\sqrt{2}$ (۲)

۱ (۱)

-۱۰۱ در تابع $f = \{(a, b), (0, 1+f(1)), (f(0), 2a-f(1)), (1, (f(0))^2 - f(0))\}$ مقدار b کدام است؟

۲ (۴)

-۱ (۳)

۱ (۲)

(۱) صفر

- ۱۰۲ - با کدام دامنه، برد تابع $y = 10 - 5x - 2x^2$ برابر با $[-2, 2]$ می‌شود؟

(۳, ۷) (۴)

$[-4, 4]$ (۳)

$[0, 10]$ (۲)

$[-5, 5]$ (۱)

- ۱۰۳ - کدامیک از دو انتقال زیر نمودار $f(x) = x^3 + 5x + 9$ را به نمودار تابع $g(x) = x^3 + 5x + 6$ تبدیل می‌کند؟

(۲) ۲ واحد به چپ و ۳ واحد به سمت پائین

(۱) ۲ واحد به راست و ۳ واحد به سمت بالا

(۴) ۲ واحد به چپ و ۳ واحد به سمت پائین

(۳) ۲ واحد به راست و ۳ واحد به سمت بالا

- ۱۰۴ - اگر دو تابع $g(x) = \begin{cases} \frac{x^3 - 5x + 6}{x - 2} & ; x \neq 2 \\ B & ; x = 2 \end{cases}$ با هم مساوی باشند، مقدار $A + B$ کدام است؟

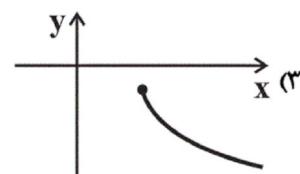
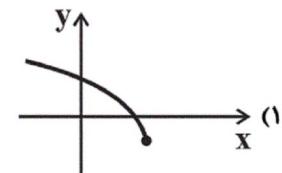
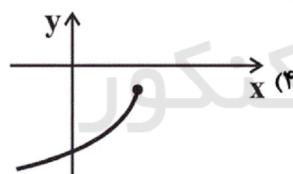
$$f(x) = \begin{cases} \frac{9 - x^3}{x + 3} & ; x \neq -3 \\ A & ; x = -3 \end{cases}$$

است؟

-۵ (۱)

-۷ (۳)

- ۱۰۵ - نمودار تابع $y = \sqrt{5 - 2x} - 1$ کدام است؟



Konkur.in

- ۱۰۶ - با اعمال موارد کدام گزینه به ترتیب، نمودار تابع $y = f(1-x)$ تبدیل به نمودار تابع $y = -\frac{1}{4}f(x)$ می‌شود؟

۱) انتقال یک واحد به راست، انعکاس نسبت به محور X ها و y ها، انقباض $\frac{1}{4}$ واحد در راستای افقی

۲) انتقال یک واحد به چپ، انعکاس نسبت به محور X ها و y ها، انقباض $\frac{1}{4}$ واحد در راستای عمودی

۳) انتقال یک واحد به چپ، انعکاس نسبت به محور X ها و y ها، انقباض $\frac{1}{4}$ واحد در راستای افقی

۴) انتقال یک واحد به راست، انعکاس نسبت به محور X ها و y ها، انقباض $\frac{1}{4}$ واحد در راستای عمودی

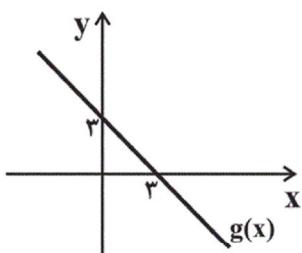
- ۱۰۷ - نقطه $A(-1, 3)$ روی نمودار تابع $f(x) = 3x - 5$ و نقطه متناظر با آن یعنی $A'(a, b)$ روی نمودار تابع $y = 2f(2x - 5) - 2$ قرار دارد. حاصل $a - b$ کدام است؟

۴ (۴)

۲ (۳)

۲ (۲) صفر

-۲ (۱)



- ۱۰۸ - نمودار $g(x) = f(x) - 2$ به صورت مقابل است. مساحت ناحیه محدود به نمودار $h(x) = 3f(2x - 1)$ و محورهای مختصات چقدر است؟

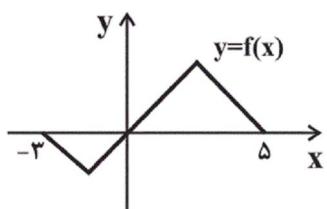
۱۲ (۲)

۱۵ (۱)

۲۷ (۴)

۱۸ (۳)

- ۱۰۹ - اگر شکل زیر تابع $y = f(x)$ را نشان دهد، دامنه تابع با ضابطه $g(x) = \sqrt{xf\left(-\frac{x}{2}\right)}$ کدام است؟



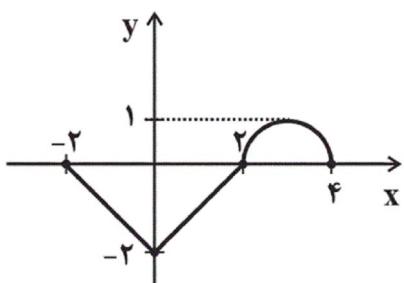
[۰, ۶] (۲)

[-۱۰, ۶] (۱)

{۰} (۴)

{-۱۰, ۰, ۶} (۳)

- ۱۱۰ - اگر نمودار تابع f به صورت زیر باشد، حدود m کدام باید باشد تا معادله $|f(2x) + 1| - m = 0$ ، چهار ریشه داشته باشد؟



$0 \leq m \leq 1$ (۱)

$0 \leq m \leq 2$ (۲)

$0 < m \leq 1$ (۳)

$0 < m \leq 2$ (۴)

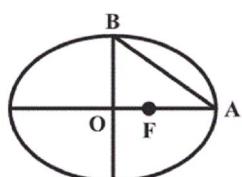
- ۱۱۱ - طول قطر کوچک بیضی گذرنده از نقطه $(1, 0)$ ، با کانون‌های $F(2, 5)$ و $F'(-3, 2)$ کدام است؟

$4\sqrt{5}$ (۴)

۸ (۳)

$8\sqrt{5}$ (۲)

۱۶ (۱)



- ۱۱۲ - در شکل مقابل پاره خط‌های $OF = c$ و $OB = b$ ، $OA = a$ به ترتیب نصف قطر بزرگ، نصف قطر کوچک و نصف فاصله کانونی بیضی هستند. اگر $AB = a + c$ ، آنکه خروج از مرکز بیضی کدام است؟

$\frac{\sqrt{3}}{4}$ (۴)

$\frac{\sqrt{3}-1}{2}$ (۳)

$\frac{\sqrt{3}+1}{4}$ (۲)

$\frac{\sqrt{3}}{2}$ (۱)

- ۱۱۳ - نقطه متغیر P روی یک بیضی با کانون‌های F و F' حرکت می‌کند. زمانی که فاصله P تا مرکز بیضی، کمترین مقدار ممکن و برابر $2\sqrt{3}$ باشد، مساحت مثلث PFF' برابر ۶ است. خروج از مرکز این بیضی کدام است؟

$\frac{2\sqrt{5}}{5}$ (۴)

$\frac{2\sqrt{3}}{3}$ (۳)

$\frac{\sqrt{5}}{5}$ (۲)

$\frac{\sqrt{2}}{3}$ (۱)

- ۱۱۴ - مکان هندسی نقاطی از صفحه که فاصله آنها از نقطه‌ای به عرض ۲ واقع بر محور y ها، برابر $\frac{1}{3}$ فاصله آنها از خط $x = -4$ باشد، یک مقطع مخروطی است. طول بزرگترین وتر این مقطع مخروطی کدام است؟

۳ (۴)

۶ (۳)

$2\sqrt{2}$ (۲)

$\sqrt{2}$ (۱)

- ۱۱۵ - معادله بیضی هم مرکز با دایرہ $x^2 + y^2 + 2y = 3$ که قطر بزرگ آن موازی محور y ها و ۲ واحد بزرگتر از قطر دایرہ و قطر کوچک آن ۲ واحد کوچکتر از قطر دایرہ می باشد، کدام است؟

$$x^2 + 9y^2 + 18y - 8 = 0 \quad (2)$$

$$9x^2 + y^2 + 2y = 0 \quad (1)$$

$$9x^2 + y^2 + 2y - 8 = 0 \quad (4)$$

$$x^2 + 9y^2 + 18y = 0 \quad (3)$$

- ۱۱۶ - به ازای کدام مقدار k، فاصله کانونی بیضی $x^2 + 4y^2 + 4x = k$ برابر $3\sqrt{2}$ است؟

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

- ۱۱۷ - دو بیضی به معادله های $4x^2 + y^2 + 4y - 12 = 0$ و $x^2 + 2y^2 - 8 = 0$ چند نقطه مشترک دارند؟

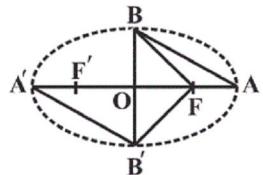
۱ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۴ (۱)

- ۱۱۸ - در بیضی شکل زیر، مساحت مثلث $A'B'F$ ، ۵ برابر مساحت مثلث BFA می باشد. خروج از مرکز بیضی کدام است؟



$$\frac{1}{\sqrt{5}} \quad (2)$$

$$\frac{1}{5} \quad (4)$$

$$\frac{1}{3} \quad (1)$$

$$\frac{2}{3} \quad (3)$$

- ۱۱۹ - چند نقطه مانند P روی بیضی به معادله $\frac{x^2}{4} + \frac{y^2}{1} = 1$ با کانون های F و F' وجود دارد به طوری که باشد؟

۴ (۴) صفر

۲ (۳)

۳ (۲)

۱ (۱)

- ۱۲۰ - به ازای کدام مقدار k، شکل ظاهری بیضی به معادله $4x^2 + ky^2 = 48$ ، به دایرہ نزدیک تر است؟

۳ (۴)

۲ (۳)

۶ (۲)

۱۲ (۱)

- ۱۲۱ - کوچکترین عدد طبیعی مجموعه $\{15m + 24n - 17 \mid m, n \in \mathbb{Z}\}$ کدام است؟

۲ (۴)

۱ (۳)

۴ (۲)

۳ (۱)

- ۱۲۲ - در تقسیم عدد صحیح a بر عدد صحیح b، خارج قسمت و باقی مانده به ترتیب q و r هستند. کدام رابطه همواره درست است؟

$$(a, b) = (a, r) \quad (4)$$

$$(a, q) = (b, q) \quad (3)$$

$$(a, b) = (b, r) \quad (2)$$

$$(a, r) = (b, r) \quad (1)$$

- ۱۲۳ - برای تشخیص اول یا مرکب بودن عدد ۱۷۳، آن را باید حداقل به چند عدد اول تقسیم کرد؟

۵ (۴)

۶ (۳)

۷ (۲)

۸ (۱)

- ۱۲۴ - بین $10! + 1393!$ تا $1393! + 1396!$ چند عدد اول وجود دارد؟

۴ (۴) صفر

۱ (۳)

۲ (۲)

۳ (۱)

- ۱۲۵ - اگر p، q و r، سه عدد اول و $p + q + r = r^2$ باشد، حاصل $p + q + r$ کدام است؟

۷۲ (۴)

۱۵ (۳)

۱۰ (۲)

۲۴ (۱)

- ۱۲۶ - مجموع سه عدد اول متمایز ۲۰ است. حاصل ضرب این سه عدد چند مقدار متفاوت می تواند داشته باشد؟

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

- ۱۲۷ - حاصل $(n \in \mathbb{N}) (8n + 6, 12n + 10)$ کدام است؟

۴ (۲) ۲ یا ۴

۶ (۳)

۲ (۲)

۴ (۱)

- ۱۲۸ - اگر p عددی اول باشد، تعداد مقسوم علیه‌های طبیعی p^k کدام عدد نمی‌تواند باشد؟

(۱۸) ۴

(۱۶) ۳

(۱۲) ۲

(۱۰) ۱

- ۱۲۹ - اگر $a, b, c \in \mathbb{N}$ باشند، آنگاه کدام یک از گزینه‌های زیر، در حالت کلی نادرست است؟

$$(a, ab + bc) = 1 \quad (۱۲)$$

$$(a, b + ac) = 1 \quad (۱۱)$$

$$(a, ab + ac + bc) = 1 \quad (۱۴)$$

$$(a, a + b + c) = 1 \quad (۱۳)$$

- ۱۳۰ - اگر $x^5 | 162 \times 2^x$ ، آن‌گاه بزرگترین مقدار برای x کدام است؟

(۴۵) ۲

(۴۴) ۱

(۴۷) ۴

(۴۶) ۳

- ۱۳۱ - در اثبات حکم «عبارت $n^3 + 11n^2 + n$ به‌ازای تمامی مقادیر طبیعی n بر ۶ بخش‌پذیر است.» به روش استقرای ریاضی، کدام رابطه بدیهی مورداستفاده قرار می‌گیرد؟

(۱) حاصل ضرب سه عدد طبیعی متوالی بر ۶ بخش‌پذیر است.

(۲) حاصل ضرب دو عدد طبیعی متوالی بر ۲ بخش‌پذیر است.

(۳) تفاضل مربعات دو عدد طبیعی متوالی، عددی فرد است.

(۴) مجموع سه عدد طبیعی متوالی بر ۳ بخش‌پذیر است.

- ۱۳۲ - مجموع مربعات ۸ عدد طبیعی بر ۳ بخش‌پذیر است. حداقل چه تعداد از آنها، مضرب ۳ می‌باشد؟

(۵)

(۴۳)

(۳)

(۲)

- ۱۳۳ - کدام یک از گزاره‌های زیر، یک قضیه کلی است؟

(۱) حاصل ضرب هر دو عدد اول بزرگ‌تر از ۳، به صورت $5k + 5$ است. ($k \in \mathbb{N}$)

(۲) اگر $x + y$ گنج باشد، آنگاه x و y هر دو گنج هستند.

(۳) از هر نقطه خارج یک خط در فضای دیقائی یک خط موازی با آن خط می‌توان رسم کرد.

(۴) اگر توان دوم یک عدد حقیقی از خودش بزرگ‌تر باشد، آن عدد از یک بزرگ‌تر است.

- ۱۳۴ - کدام یک از عده‌های زیر، یک مثال نقض برای گزاره «اگر حاصل ضرب ارقام n بر ۸ بخش‌پذیر باشد، آنگاه n بر ۸ بخش‌پذیر است» می‌باشد؟

(۱۲۴) ۴

(۲۴۰) ۳

(۲۴)

(۵۶)

- ۱۳۵ - اگر a و b ، دو عدد حقیقی باشند به طوری که $ab > 0$ ، آنگاه عدد طبیعی n ، حداکثر کدام باشد تا نامساوی

$$\frac{a}{b} + 1 < \frac{b}{a} + 1 \Rightarrow \frac{a}{b} + 1 < \frac{b}{a} + 1 \Rightarrow \frac{a}{b} < \frac{b}{a} \Rightarrow ab < b^2 \Rightarrow ab < a^2 \Rightarrow a^2 < b^2 \Rightarrow a < b$$

(۶) ۴

(۴)

(۲)

(۱)

- ۱۳۶ - کدام یک از قضایای زیر، دو شرطی نیست؟ ($n \in \mathbb{N}$)

(۱) اگر n مضرب ۵ باشد، n^2 نیز مضرب ۵ است.

(۲) قطرهای متوازی الاضلاع منصف یکدیگرند.

(۳) در مثلث قائم الزاویه، میانه نظیر وتر، نصف وتر است.

- ۱۳۷ - حکم «اگر A و B ، دو ماتریس هم مرتبه باشند و $A = O$ یا $B = O$ مفروض است. برای درستی این حکم از روش استفاده می‌کنیم.

(۱) اثبات-استدلال استنتاجی

(۲) رد-مثال نقطه

(۳) رد-برهان خلف

- ۱۳۸ - در جعبه‌ای ۳ گوی سفید، ۵ گوی آبی، ۷ گوی سبز و ۷ گوی قرمز موجود است. حداقل چند گوی از این جعبه خارج کنیم تا مطمئن شویم که در بین گوی‌های خارج شده، حداقل ۴ گوی از یک‌رنگ وجود دارد؟

(۱۵) ۴

(۱۴) ۳

(۱۳)

(۱۲)

-۱۴۹ ۳۷ عدد حقیقی را به طور تصادفی در بازه $(0, 4)$ انتخاب می‌کنیم. بیشترین مقدار n به گونه‌ای که مطمئن باشیم حداقل

عدد انتخابی جزء صحیح یکسان دارند، کدام است؟

- (۱) ۱۱ (۲) ۹ (۳) ۱۰ (۴) ۸

-۱۴۰ از مجموعه اعداد دو رقمی مضرب ۳، حداقل چند عدد انتخاب کنیم تا مطمئن باشیم در میان اعداد انتخابی، دو عضو با مجموع

۹۶ وجود دارند؟

- (۱) ۱۳ (۲) ۱۵ (۳) ۱۷ (۴) ۱۹

-۱۴۱ کدام گزینه نادرست است؟

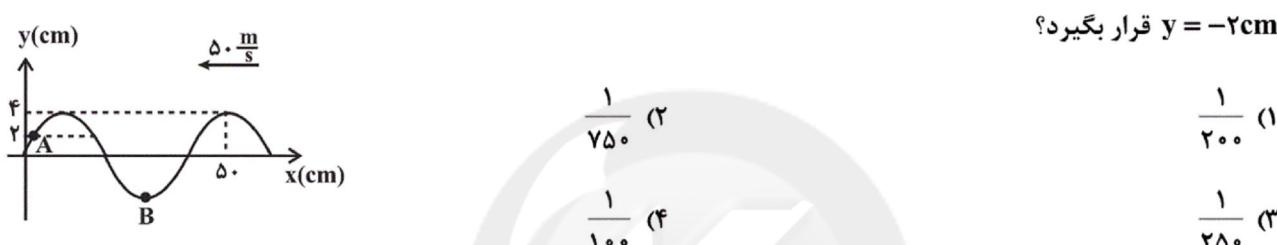
(۱) اگر بسامد نیروی اعمال شده به یک نوسانگر در حال تشديد را افزایش دهیم، انرژی منتقل شده به آن کاهش می‌یابد.

(۲) در محلی که شتاب گرانش کمتر باشد، دوره نوسان آونگ ساده زیاد می‌شود.

(۳) اگر جرم وزنه آونگ ساده را زیاد کنیم، دوره آن ثابت می‌ماند.

(۴) برای افزایش دوره نوسان یک آونگ ساده، می‌توان آنرا با دامنه بزرگ‌تری به نوسان در آورد.

-۱۴۲ نقش یک موج عرضی در طناب، در لحظه $t = 0$ مطابق شکل زیر است. حداقل چند ثانیه طول می‌کشد تا ذره A در مکان



-۱۴۳ فردی در طبقه سوم برجی در یک شهر زندگی می‌کند، نخ سبکی به طول ۹۵ سانتی‌متر را از سقف اتاق خود آویزان کرده

است. او وزنه ۱ کیلوگرمی به نخ وصل می‌کند و آونگ حاصل را ۶ درجه از حالت قائم دور می‌کند. اگر این آونگ در مدت زمان

یک دقیقه، ۶۰ بار پاره خط نوسان را طی کند، شتاب گرانش زمین در محل سکونت او چند واحد SI است؟ ($\pi^2 = 10$)

- (۱) ۹/۸ (۲) ۹/۵ (۳) ۱۰ (۴) ۹/۹

-۱۴۴ بسامد حرکت آونگ ساده‌ای در فاصله $R_e = 2R_e$ از سطح زمین، چند برابر بسامد حرکت آن در فاصله $3R_e = h$ از سطح

زمین است؟ (R_e ساعع کره زمین است).

- | | | | |
|--------------------------|-------------------|---------------------------|-------------------|
| (۱) $\frac{\sqrt{3}}{2}$ | (۲) $\frac{3}{4}$ | (۳) $\frac{2\sqrt{3}}{3}$ | (۴) $\frac{4}{3}$ |
|--------------------------|-------------------|---------------------------|-------------------|

-۱۴۵ دوره تناوب آونگی ساده با گلوله آهنی که از سقف آسانسوری آویخته شده، وقتی آسانسور ساکن است برابر با T می‌باشد. اگر

آسانسور با شتاب ثابت $\frac{g}{16}$ به صورت کندشونده رو به بالا حرکت کند و همزمان به کمک یک آهنربا، نیرویی ثابت برابر $\frac{1}{16}$ وزن

گلوله در امتداد قائم و رو به پایین بر گلوله وارد کنیم، دوره تناوب آونگ چند درصد و چگونه تغییر می‌کند؟

- (۱) ۱/۳۳، کاهش (۲) ۲۵، کاهش (۳) ۲۵، افزایش (۴) ۳۳/۳۳، افزایش

-۱۴۶ می‌خواهیم موجی با طول موج 20cm را میان دو نقطه با فاصله 50m در مدت زمان ۲۵ ثانیه جابه‌جا کنیم. دوره تناوب موج

موردنظر چند ثانیه باشد تا موج در این مدت زمان، این فاصله را طی کند؟

- | | | | |
|--------|--------------------|--------|--------------------|
| (۱) ۲۰ | (۲) $\frac{1}{10}$ | (۳) ۱۰ | (۴) $\frac{1}{20}$ |
|--------|--------------------|--------|--------------------|

- ۱۴۷ - کدام گزینه در مورد دو نقطه ارتعاشی هم فاز درست نیست؟
 ۱) اختلاف فاز حرکت ارتفاعی آنها مضرب زوجی از π رادیان است.
 ۲) فاصله آنها مضرب صحیحی از $\frac{\lambda}{2}$ است.
 ۳) موج، فاصله آنها را در مدت زمانی که مضرب صحیحی از T است، می‌پیماید.
 ۴) بعد حرکت ارتعاشی آنها در هر لحظه یکسان است.
- ۱۴۸ - دو نقطه A و B واقع بر یک ریسمان که در طول آن یک موج عرضی با بسامد 100 Hz ایجاد شده، قرار دارند. اگر نقطه B، سومین نقطه متواالی از فاز مخالف با نقطه A بوده و سرعت انتشار موج عرضی در طول ریسمان 5 m/s باشد، فاصله این دو نقطه از یکدیگر چند متر است؟
 ۱) ۱ ۲) $1/5$ ۳) 2 ۴) $1/25$
- ۱۴۹ -تابع موجی در SI به صورت $u_y = 0.02 \sin(5\pi t - 2\pi x)$ است. کدام عبارت در مورد اختلاف فاز بین دو نقطه از محیط انتشار این موج درست است؟
 ۱) اختلاف فاز دو نقطه به فاصله یک متر، برابر با π رادیان است.
 ۲) اختلاف فاز دو نقطه به فاصله نیم متر، برابر با π رادیان است.
 ۳) اختلاف فاز دو نقطه به فاصله یک متر، برابر با 5π رادیان است.
 ۴) اختلاف فاز دو نقطه به فاصله نیم متر، برابر با 25π رادیان است.
- ۱۵۰ - سرعت انتشار موجی 20 m/s است. کمترین فاصله دو نقطه هم فاز از این موج چند متر است?
 ۱) ۱ ۲) 4 ۳) 10 ۴) $0/5$
- ۱۵۱ - تابع موج عرضی منتشر شده در یک سیم همگن به طول L، با قطر مقطع ثابت D و چگالی 5 g/cm^3 در SI به صورت $u_y = 0.02 \sin(45t - 1/5x)$ تعریف شده است. اگر نیروی کشش این سیم 90 N نیوتون باشد، مساحت مقطع آن چند سانتی‌متر مربع است؟
 ۱) ۶ ۲) $0/2$ ۳) $0/4$ ۴) $0/8$
- ۱۵۲ - سیمی به طول L و جرم m را با نیروی F می‌کشیم، در این حالت سرعت انتشار امواج عرضی در آن برابر با v است. در صورتی که این سیم را از ابزاری عبور دهیم که در اثر کشیده شدن، قطر مقطع آن به‌طور یکنواخت نصف شود، سپس آن را با نیروی $3F$ بکشیم، سرعت انتشار امواج عرضی در آن چند v می‌شود؟
 ۱) $\sqrt{6}$ ۲) $2\sqrt{3}$ ۳) $\frac{3}{2}$ ۴) $\frac{\sqrt{3}}{2}$
- ۱۵۳ - اگر دامنه و بسامد یک موج در حال انتشار در طول طناب، هر کدام ۸ برابر و نیروی کشش طناب ۴ برابر شود، طول موج برابر و سرعت انتشار موج ... برابر می‌شود.
 ۱) 2 ۲) $\frac{1}{4}$ ۳) $\frac{1}{4}$ و ۴ ۴) $\frac{1}{8}$ و ۴
- ۱۵۴ - معادله موج در دو نقطه a و b، در SI به صورت $u_a = A \sin(2\pi t + \frac{4\pi}{3})$ و $u_b = A \sin(2\pi t + \frac{\pi}{3})$ است. حداقل چند نقطه در فاز مخالف با a می‌تواند بین این دو نقطه قرار گیرد، به‌طوری‌که حداقل فاصله بین a و b، ۴ متر و سرعت انتشار موج ۲۰ متر بر ثانیه باشد؟
 ۱) ۲ ۲) 1 ۳) 2 ۴) 3 ۵) 1

- ۱۵۵ - موجی که معادله نوسان چشمۀ آن در SI، $x = A \sin 5\pi t$ در یک محیط کشسان منتشر می‌شود. طول موج این موج بر حسب متر کدام است؟

۸) ۴

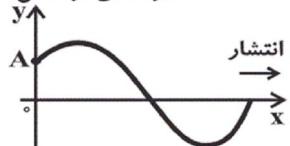
۴) ۳

۲)

۱)

- ۱۵۶ - نقش یک موج در لحظه $t = 0$ مطابق شکل نمایش داده شده در زیر است. جهت سرعت ذره A از محیط (واقع بر موج) در

(راستای ارتعاش)



۲) در خلاف جهت محور X

۴) در خلاف جهت محور y

لحظه نمایش داده شده، چگونه است؟

۱) در جهت محور X

۳) در جهت محور y

- ۱۵۷ - شکل زیر، نقش موج عرضی را در یک طناب در لحظه $t = 0$ نشان می‌دهد که در جهت محور X و با سرعت 10 m/s در حال انتشار است.تابع این موج در SI کدام است؟

$$u_x = 0 / 0.6 \sin(4\pi t - 2\pi x) \quad (1)$$

$$u_y = 6 \sin(4\pi t - 2\pi x) \quad (2)$$

$$u_y = 0 / 0.6 \sin(2\pi t - 2\pi x) \quad (3)$$

$$u_y = 0 / 0.6 \sin(2\pi t - \pi x) \quad (4)$$

- ۱۵۸ - تابع موجی که در یک بعد منتشر می‌شود، در SI به صورت $u_y = 0 / 0.25 \sin(2\pi x - 10\pi t)$ است. این موج مسافت 10 m را در مدت زمان چند ثانیه طی می‌کند؟

۵۰) ۴

۲) ۳

۳) ۲

۱)
۲)

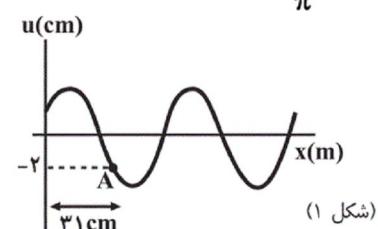
- ۱۵۹ - تابع یک موج عرضی در SI به شکل (۱) به صورت $u = 0 / 0.4 \sin(10\pi t - \pi x)$ است. حداقل سرعت ارتعاش هر نقطه از محیط چند برابر سرعت انتشار موج است؟

۲۵) ۴

$\frac{\pi}{25}$

$\frac{50}{\pi}$

$\frac{\pi}{50}$



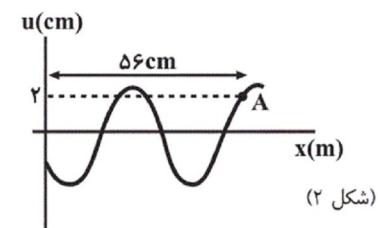
- ۱۶۰ - شکل‌های (۱) و (۲) نقش موجی را به ترتیب در دو لحظه t_1 و t_2 نشان می‌دهند که در جهت محور X ها منتشر می‌شود. اگر $t_2 - t_1 = 0 / 125$ باشد، دورۀ نوسان چشمۀ موج و عدد موج به ترتیب از راست به چپ در SI کدام‌اند؟

$$4\pi, 0 / 24 \quad (1)$$

$$4\pi, 0 / 12 \quad (2)$$

$$2\pi, 0 / 24 \quad (3)$$

$$2\pi, 0 / 12 \quad (4)$$



- ۱۶۱ - دمای جسمی 127°C است. دمای این جسم چند درجه فارنهایت افزایش یابد تا دمای مطلق (دمای در مقیاس کلوین) آن ۲۵

درصد افزایش یابد؟

۱۸۰) ۴

۲۱۲) ۳

۵۴۰) ۲

۱۰۰) ۱

- ۱۶۲ - دماسنگی نقطۀ جوش آب خالص را 16°C و نقطۀ انجماد آن را -40°C نشان می‌دهد. در چه دمایی بر حسب درجه سلسیوس، عدد

نشان داده شده توسط این دماسنگ ۴ برابر عدد نشان داده شده توسط دماسنگ سلسیوس است؟

۴۰) ۴

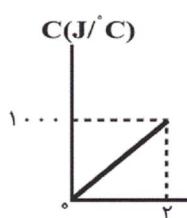
۲۰) ۳

-۲۰) ۲

-۴۰) ۱

- ۱۶۳ - در شکل زیر، نمودار ظرفیت گرمایی جسمی بر حسب جرم آن نشان داده شده است. اگر به 2kg از این جسم، 2kJ گرمای

بدهیم، دمای آن چند درجه فارنهایت افزایش می‌یابد؟



- ۲۰ (۱)
۱۸ (۲)
۶۸ (۳)
۳۶ (۴)

- ۱۶۴ - یک گرم کن الکتریکی با توان ثابت، در مدت زمان ۱۷ دقیقه مقداری یخ 10°C را به طور کامل به آب 0°C تبدیل می‌کند.

این گرم کن پس از چند دقیقه دیگر، همان مقدار آب حاصل از ذوب یخ را به طور کامل به آب جوش 100°C تبدیل می‌کند؟

$$(L_F = 80\text{c}_p = 160\text{c}_p)$$

- ۳۷ (۲)
۲۰ (۱)
۳۴ (۴)
۱۷ (۳)

- ۱۶۵ - ۱۰۰ گرم یخ 0°C را با 100°C آب 50°C مخلوط می‌کنیم. پس از برقراری تعادل گرمایی، دمای مجموعه چند درجه سلسیوس می‌شود؟ (اتلاف انرژی ناچیز است، $c_p = 4/2 \frac{\text{J}}{\text{g}\cdot\text{C}}$)

- ۴) صفر
۱۰ (۳)
۱۵ (۲)
۲۵ (۱)

- ۱۶۶ - کدام گزینه درباره پدیده تبخیر سطحی صحیح است؟

۱) در یک فشار معین، تبخیر سطحی فقط در یک دمای مشخص انجام می‌شود.

۲) مساحت سطح مایع، نقشی در آهنگ تبخیر سطحی ندارد.

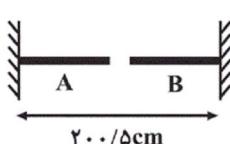
۳) افزایش دما، آهنگ تبخیر سطحی را افزایش می‌دهد.

۴) دمای تبخیر سطحی، همان دمای جوشیدن است.

Konkur.in

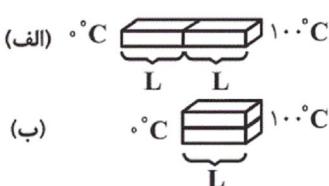
- ۱۶۷ - مطابق شکل زیر، در دمای 0°C دو میله A و B که طول هر کدام یک متر است، در فاصله $5/200\text{cm}$ سانتی‌متری بین دو

دیوار، هر کدام به یک دیوار متصل‌اند. این دو میله در چه دمایی بر حسب کلوین به هم می‌رسند؟ ($\alpha_A = 4 \times 10^{-5} \frac{1}{\text{C}}$ و $\alpha_B = 6 \times 10^{-5} \frac{1}{\text{C}}$)



- ۷۷۳ (۲)
۵۰ (۱)
۵۲۳ (۴)
۳۲۳ (۳)

- ۱۶۸- دو صفحه فلزی مشابه مطابق شکل (الف) به یکدیگر وصل شده‌اند. فرض کنید در مدت زمان دو دقیقه 10 s گرما از صفحه‌ها عبور کند. اگر این دو صفحه مطابق شکل (ب) به یکدیگر وصل شوند، در چه مدت زمانی بر حسب دقیقه، 10 s گرما از آن‌ها عبور می‌کند؟



۰ / ۵ (۲)

۵ (۱)

۰ / ۲ (۴)

۲ (۳)

- ۱۶۹- فشار گاز کاملی را 20 Pa افزایش و دمای مطلق آن را 20 K کاهش می‌دهیم. چگالی آن چند درصد و چگونه تغییر می‌کند؟

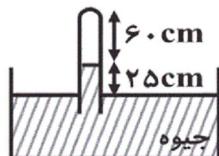
۵۰٪ (۲) کاهش

۵۰٪ (۱) افزایش

۳۳٪ (۴) کاهش

۳۳٪ (۳) افزایش

- ۱۷۰- در شکل زیر، گاز کاملی بالای لوله واژگون داخل ظرف جیوه قرار دارد و ارتفاع جیوه بالا آمده درون لوله 25 cm می‌باشد. با فرض برابر بودن دمای اولیه و نهایی گاز، لوله را چند سانتی‌متر به داخل جیوه فرو ببریم تا جیوه درون لوله و بیرون آن،

(P₀ = 75 cmHg) هم‌سطح شوند؟

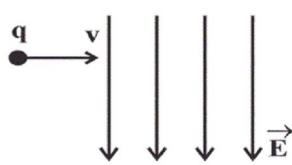
۲۰ (۲)

۲۵ (۱)

۶۰ (۴)

۴۵ (۳)

- ۱۷۱- مطابق شکل زیر، ذره بارداری به جرم 2 g و بار الکترویکی $C = 2 \times 10^{-5}\text{ F}$ وارد یک میدان الکترویکی یکنواخت به بزرگی $\frac{N}{C} = 10^5$ می‌شود. برای جلوگیری از انحراف این ذره باردار در اثر نیروی گرانش و نیروی الکترویکی وارد بر آن، باید از یک آهنربا استفاده کنیم. حداقل اندازه میدان مغناطیسی یکنواخت این آهنربا چند تسلیا باشد تا ذره باردار منحرف نشود؟



(g = 10 N/kg)

۰ / ۹ (۲)

۱ / ۱ (۱)

۰ / ۵ (۴)

۱ (۳)

- ۱۷۲- دو سیم به طول‌های L و $\frac{3}{2}L$ عمود بر خطوط میدان مغناطیسی یکنواختی به بزرگی B قرار دارند. اگر از سیم اول جریانی به

شدت $I = \frac{3}{4}A$ و از سیم دوم جریانی به شدت $I = \frac{\sqrt{3}}{3}A$ عبور نماید، سیم دوم را چند درجه به سمت خطوط میدان مغناطیسی

بچرخانیم تا نیروی وارد بر دو سیم از طرف میدان مغناطیسی خارجی یکسان شود؟

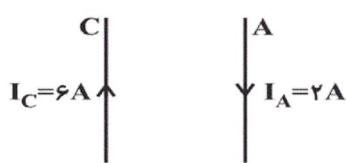
۶۰° (۲)

۴۵° (۱)

(۴) با چرخش سیم دوم نیروها یکسان نمی‌شود.

۳۰° (۳)

- ۱۷۳ - مطابق شکل زیر، دو سیم راست، طویل و موازی در فاصله 20cm از هم واقع‌اند. در چه فاصله‌ای از سیم A بر حسب



۲۰ (۲)

۱۵ (۴)

سانتی‌متر، میدان مغناطیسی برابر صفر می‌شود؟

۱۰ (۱)

۵ (۳)

- ۱۷۴ - می‌خواهیم با یک سیم به قطر D، سیم‌وله‌ای بدون هسته بسازیم که وقتی جریان $5/0$ آمپری از آن می‌گذرد، میدان مغناطیسی π گاوس داخل آن برقرار شود. D چند میلی‌متر است؟ (فرض شود تمام حلقه‌های سیم‌وله به هم چسبیده‌اند و

$$(\mu_0 = 4\pi \times 10^{-7} \frac{\text{T.m}}{\text{A}})$$

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

- ۱۷۵ - کدام گزینه درباره خاصیت مغناطیسی مواد صحیح است؟

(۱) در مواد فرومغناطیسی همه دوقطبی‌های مغناطیسی در یک سو قرار دارند.

(۲) در مواد پارامغناطیسی دوقطبی‌های مغناطیسی در یک سو می‌باشند.

(۳) در حضور میدان‌های مغناطیسی خارجی، همه دوقطبی‌های مغناطیسی مواد فرومغناطیسی در جهت میدان خارجی قرار می‌گیرند.

(۴) در حضور میدان‌های مغناطیسی خارجی قوی، هم در مواد فرومغناطیسی و هم در مواد پارامغناطیسی، اکثر دوقطبی‌های مغناطیسی در جهت میدان خارجی قرار می‌گیرند.

- ۱۷۶ - قابی به مساحت 18m^2 در میدان مغناطیسی یکنواختی به بزرگی 1T طوری واقع شده که خطوط میدان با سطح قاب زاویه

37° می‌سازند. اگر قاب طوری دوران کند که این زاویه برابر با 30° شود، شار گذرنده از سطح قاب چند وبر تغییر می‌کند؟

$$(\cos 37^\circ = 0.8)$$

$$\frac{8-5\sqrt{3}}{10} (4)$$

۰/۱۸ (۳)

-۰/۰۱۸ (۲)

$$\frac{5\sqrt{3}-8}{10} (1)$$

- ۱۷۷ - پیچه‌ای شامل 200 cm حلقه که مقاومت کل آنها 35Ω است، در یک میدان مغناطیسی قرار دارد. اگر معادله شار گذرنده از

پیچه در SI به صورت $I = \frac{\pi}{3} \cos(100\pi t + \phi)$ باشد، در لحظه $t=0$ جریان القایی در این پیچه چند آمپر است؟

$$\frac{2\pi}{\sqrt{3}} (4)$$

۲π (۳)

π (۲)

$\pi\sqrt{3}$ (۱)

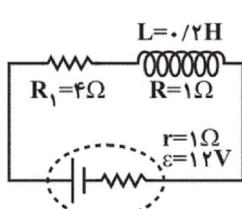
- ۱۷۸ - در مدار شکل مقابل، انرژی ذخیره شده در سیم‌وله چند زول است؟

۰/۲ (۲)

۰/۴ (۱)

۲ (۴)

۴ (۳)



- ۱۷۹ - دو پیچه به ضریب‌های خودالقایی ۴ و ۹ میلی‌هانری، طوری مجاور یکدیگرند که تمام شار مغناطیسی یکی از دیگری عبور

می‌کند. ضریب القای متقابل مجموعه در SI کدام است؟

$$20 \times 10^{-3} (4)$$

$$6 \times 10^{-3} (3)$$

$$36 \times 10^{-3} (2)$$

$$13 \times 10^{-3} (1)$$

-۱۸۰- جریان متناوبی به معادله $I = 7 \sin(2\pi t + \frac{\pi}{4})$ (در SI) از القاگری به ضریب خودالقایی ۰/۰۲ هانری می‌گذرد. نیروی حرکتی

القایی در القاگر در لحظه $t = ۲/۵s$ چند ولت است؟

(۴) $-0/14\sqrt{2}\pi$

(۳) $-0/14\sqrt{2}$

(۲) $+0/14\sqrt{2}$

(۱) $+0/14\sqrt{2}\pi$

-۱۸۱- کدام گزینه نادرست است؟

(۱) گل ادریسی در خاک اسیدی، به رنگ آبی و در خاک بازی، به رنگ صورتی شکوفا می‌شود.

(۲) آلومینیم اکسید در آب انحلال پذیر نیست، ولی هم در اسیدها و هم در بازها حل می‌شود.

(۳) یون اکسید در آب، به سرعت به یون‌های هیدروکسید تبدیل می‌شود.

(۴) فاضلاب‌های صنعتی شامل یون فلزهای واسطه هستند که با ورود به محیط زیست، pH محیط را افزایش می‌دهند.

-۱۸۲- کدام عبارت نادرست است؟

(۱) با افزایش دما، غلظت یون‌های H_3O^+ و OH^- آب خالص افزایش یافته و حاصل ضرب $[\text{H}_3\text{O}^+][\text{OH}^-]$ ثابت می‌ماند.

(۲) برای آب خالص، در هر دمایی غلظت یون‌های هیدرونیوم و هیدروکسید یکسان و برابر $\sqrt{K_w}$ است.

(۳) مقادیر بسیار کمی از یون‌های OH^- (aq) و H_3O^+ (aq) که حاصل از خودیونش مولکول‌های آب هستند، در آب خالص وجود دارند.

(۴) در آب خالص، با افزایش دما K_w افزایش و نسبت $[\text{H}_3\text{O}^+]/[\text{OH}^-]$ به ثابت می‌ماند.

-۱۸۳- درصد یونش اسید ضعیف HA، ۰/۴ برابر درصد یونش محلول $\text{H}^+ = ۴ \times 10^{-3}$ مولار استیک اسید با $۳/۷$ pH است. غلظت مولی محلول

$$(\log ۲ = ۰/۳) (K_a(\text{HA}) = ۲ \times 10^{-۵} \text{ mol.L}^{-1})$$

(۴) $1/28 \times 10^{-3}$

(۳) 10^{-3}

(۲) 5×10^{-2}

(۱) 2×10^{-1}

-۱۸۴- کدام عبارت نادرست است؟

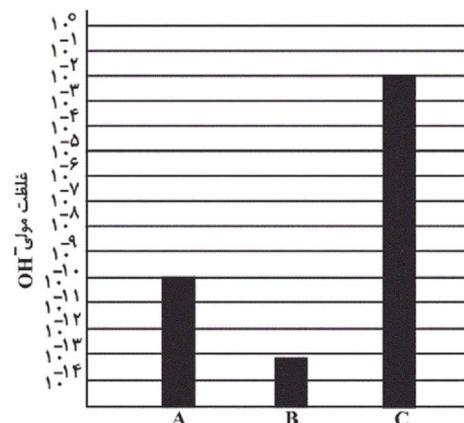
(۱) مقیاس pH در دمای اتاق گسترهای از صفر تا حداقل ۱۴ را در بر می‌گیرد.

(۲) آب کلم سرخ می‌تواند به عنوان یک شناساگر اسید - باز عمل کند.

(۳) شناساگرها، دسته‌ای از ترکیب‌های رنگی محلول در آب هستند که با کمک آن‌ها می‌توان pH یک محلول را به طور دقیق اندازه‌گیری کرد.

(۴) افزودن فنول فتالین به محلول‌های بازی باعث تغییر رنگ محلول به رنگ ارغوانی می‌شود.

-۱۸۵- با توجه به نمودار زیر، کدام یک از مواد C می‌تواند نشان‌نشان‌دهنده محلول آمونیاک در آب (در دمای اتاق) باشد؟ pH چند



برابر pH محلول A است؟

(۱) C، ۳ برابر

(۲) C، ۲/۰ برابر

(۳) B، ۳ برابر

(۴) B، ۲/۰ برابر

-۱۸۶ مولاریتۀ OH^- در دمای اتاق در محلولی از هیدرویدیک اسید H_3O^+ برابر مولاریتۀ H_3O^+ است، pH این محلول کدام است و

در ۲۰۰ میلی‌لیتر از محلول این اسید چند مول از آن موجود است؟ ($\log 2 = 0.3$)

۰/۰۰۰۸, ۲/۷ (۲) ۰/۰۰۰۲, ۳/۳ (۱)

۰/۰۰۰۴, ۲/۷ (۴) ۰/۰۰۰۲, ۲/۳ (۳)

-۱۸۷ x گرم دی‌نیتروژن پنتوکسید را در آب حل کرده و به حجم ۲۵۰ mL می‌رسانیم. اگر pH این محلول برابر ۷ باشد، مقدار x کدام

است؟ ($N = 14$, $O = 16$: g.mol^{-1} , $\log 2 = 0.3$)

۲/۷ (۲) ۱/۰۸ (۱)

۱۰/۸ (۴) ۵/۴ (۳)

-۱۸۸ K_{a_1} و K_{a_2} به ترتیب ثابت تفکیک اسیدهای HA و HB را نشان می‌دهند. اگر محلول ۰/۰ مولار HA با درجه تفکیک ۱/۰ و محلول

۰/۰ مولار HB با درجه تفکیک ۲/۰ در اختیار داشته باشیم مقدار عبارت $\frac{K_{a_1}}{K_{a_2}}$ به تقریب کدام است؟

۲ (۴) ۰/۵۵ (۳) ۰/۴۴ (۲) ۲/۲۵ (۱)

-۱۸۹ کدام گزینه نادرست است؟

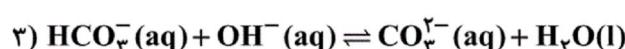
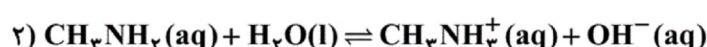
(۱) اکسیدهای N_2O_5 , SO_3 , Li_2O و BaO همگی اسید آرنیوس هستند.

(۲) بر اساس نظریه لوری - بروونستد هر واکنشی که شامل انتقال پروتون (H^+) از یک ماده به ماده دیگر باشد، یک واکنش اسید و باز است.

(۳) NH_3 را می‌توان به عنوان باز مزدوج NH_4^+ و اسید مزدوج NH_2^- در نظر گرفت.

(۴) گاز آمونیاک در واکنش با گاز هیدروژن کلرید نقش باز لوری - بروونستد را دارد.

-۱۹۰ با توجه به نظریه لوری - بروونستد نقش آب در کدام واکنش با بقیه متفاوت است؟



-۱۹۱ کدام گزینه نادرست است؟

(۱) در گرافیت و الماس، هر اتم کربن از طریق ۴ پیوند کووالانسی به ترتیب به ۳ و ۴ اتم کربن متصل است.

(۲) طول پیوند کربن - کربن در الماس از طول پیوند کربن - کربن در گرافیت، بزرگ‌تر است.

(۳) گرافیت و الماس، جزو جامدّهای کووالانسی محسوب می‌شوند.

(۴) تعداد قلمروهای الکترونی هر اتم کربن در گرافیت با الماس، یکسان است.

-۱۹۲

درباره‌ی مولکول آسپرین، چه تعداد از مواد زیر درست است؟

الف) ترکیبی آروماتیک دارای گروه‌های عاملی اسیدی و آلدهیدی است.

ب) این ماده در حلقه‌ی خود دارای رزونانس بوده و بین مولکول‌هایش پیوند هیدروژنی می‌تواند ایجاد شود.

پ) تمامی اتم‌های هیدروژن در اتصال مستقیم با حلقه شش‌کربنی هستند.

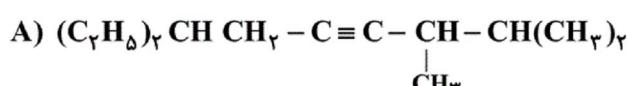
ت) مصرف آن برای افرادی که به زخم معده مبتلا هستند، توصیه می‌شود.

۴ (۴)

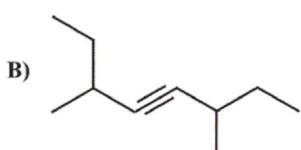
۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)



-۱۹۳ نام ترکیب‌های A و B بر حسب آیوپاک کدام است؟



۶، ۳: B - دی‌متیل - ۴ - اوکتین

۱: A - ۷، ۲ - دی‌متیل - ۴ - نونین

۶: B - اتیل - ۳ - متیل - ۴ - هپتین

۲: A - ۱، ۱ - دی‌اتیل - ۵ - هپتین

۲: B - اتیل - ۵ - متیل - ۳ - هپتین

۳: A - ۷، ۲ - دی‌متیل - ۴ - نونین

۶: B - اتیل - ۳ - متیل - ۴ - اوکتین

۴: A - ۱، ۱ - دی‌اتیل - ۵ - دی‌متیل - ۳ - هپتین

-۱۹۴ چند مورد از عبارت‌های زیر درست نیست؟ ($H = 1$, $C = 12$: g.mol $^{-1}$)

• آلکان‌هایی که در ساختار آن‌ها، اتم کربن به ۲ یا بیش از ۲ اتم کربن دیگر متصل است، الزاماً آلکان شاخه‌دار هستند.

• در ایوبوروفن، فرمول مولکولی با فرمول تجربی متفاوت است.

• نسبت جرم مولی چهارمین آلکان به جرم مولی چهارمین آلکین، کمتر از ۱ است.

• پتوی آکریلیک از پلیمری تهیه می‌شود که در مونومر آن، ۲ اتم آرایش سه‌ضلعی مسطح دارد.

۱ (۴)

۲ (۳)

۳ (۲)

۴ (۱)

-۱۹۵ در کدامیک از ترکیب‌های زیر، تعداد پیوندهای اشتراکی کمتری وجود دارد؟

۱: ۳ - کلرو - ۲ - متیل هگزان

۲: ۲، ۲، ۳ - تترا متیل بوتان

۳: ۳ - اتیل - ۴ - متیل هگزان

۴: ۳ - اتیل - ۲ - متیل پنتان

-۱۹۶ اگر در مولکول بنزآلدهید به جای گروه عاملی آلدهیدی، گروه عاملی اسیدی قرار گیرد، فرمول تجربی ترکیب حاصل چیست؟

C₃H₄O (۴)C₄H₆O (۳)C₇H₆O₂ (۲)C₇H₆O (۱)

-۱۹۷ اگر سرگروه خانواده ترکیب‌های آلی آروماتیک، با جذب مقدار کافی هیدروژن باز شود و به‌گونه‌ای تبدیل شود که تنها یک

پیوند دوگانه در زنجیره آن باقی بماند، چند ایزومر ساختاری با زنجیر اصلی شامل ۵ اتم کربن می‌توان برای آن در نظر گرفت؟

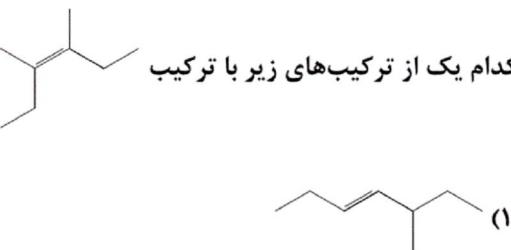
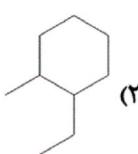
۸ (۴)

۷ (۳)

۶ (۲)

۵ (۱)

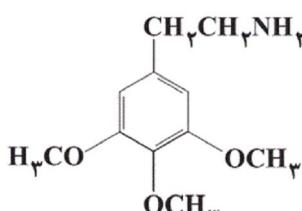
-۱۹۸ - کدام یک از ترکیب‌های زیر با ترکیب هم‌پار است؟



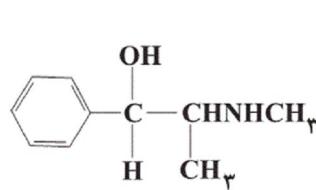
۴) ۴-اتیل-۵،۵-دی‌متیل-۲-هگزن

۳) ۳-اتیل-۲-متیل-۲-پنتن

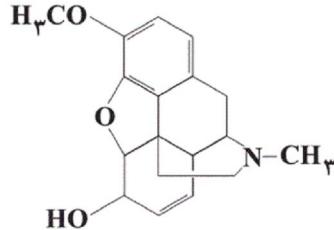
-۱۹۹ - با توجه به فرمول‌های ساختاری داده شده، چند مورد از مطالب زیر درست هستند؟



مسکالین



افدرین



کدئین

• فرمول مولکولی مسکالین، $C_{11}H_{17}O_3N$ است.

• افدرین یک گروه آمین و یک گروه کربوکسیل دارد.

• تعداد گروه‌های متیل در مسکالین سه برابر کدئین است.

• تعداد حلقه‌های آروماتیک در هر سه ترکیب برابر است.

۴) ۴

۳) ۳

۲) ۲

۱) ۱

-۲۰۰ - چند مورد از عبارت‌های زیر درست است؟

آ) منتول دارای گروه عاملی ای می‌باشد که قادر به ایجاد پیوند هیدروژنی است.

ب) کشف اتبین توسط ولر، پلی بود که میان موادمعدنی و ترکیب‌های آلی زده شد.

پ) با پلی وینیل کلرید، می‌توان وسایل پلاستیکی گوناگونی درست کرد.

ت) در پلیمری که در ساخت پتوی آکریلیک به کار می‌رود، سه نوع اتم وجود دارد.

۱) ۱

۲) ۲

۳) ۳

-۲۰۱ - کدام گزینه نادرست است؟

۱) مولکول‌ها و ساختارهای غول‌آسا می‌توانند در دو دسته ترکیب‌ها و عنصرها جای بگیرند.

۲) سکه‌های فلزی، مانند هوا، جزء مواد محلول دسته‌بندی می‌شوند.

۳) عنصرها و ترکیب‌ها در دسته‌بندی مواد، جزء مواد خالص می‌باشند که ترکیب‌ها گستره بیشتری از مواد خالص را نسبت به عنصرها شامل می‌شوند.

۴) مواد خالص گستره بیشتری از مواد را نسبت به مواد ناخالص شامل می‌شوند.

-۲۰۲ - در کدام گزینه، علامت تغییر آنتروپی و نوع برهم‌کنش‌های میان ذرات به درستی ذکر شده است؟

۲) انحلال ید در تولوئن: منفی، دوقطبی - دوقطبی القایی

۴) انحلال اتانول در آب: منفی، یون - دوقطبی القایی

۱) انحلال گاز آمونیاک در آب: مثبت، هیدروژنی

۳) انحلال ویتامین A در چربی: منفی، یون - دوقطبی القایی

-۲۰۳ - کدام گزینه نادرست است؟

- ۱) ویتامین A نسبت به ویتامین C، قطبیت کمتری دارد.
- ۲) مخلوط ید، بنزن و کربن دی‌سولفید، دارای یک فاز و فاقد فصل مشترک است.
- ۳) استون و همچنین الکل‌ها تا پنج کربن، محلول در آب هستند.
- ۴) تمامی اسیدهای آلی، برخلاف الکل‌های تا ۵ کربن، در آب محلول هستند.

-۲۰۴ - چه تعداد از موارد زیر در ارتباط با کلوبیدها درست هستند؟

- نور مریبی را پخش می‌کنند و همواره دارای حرکت دائمی و نامنظم هستند.
- مانند محلول‌ها و برخلاف سوسپانسیون‌ها، پایدارند و تهشیش نمی‌شوند.
- به حرکت دائمی و نامنظم ذره‌های کلوبیدی، اثر تینداal می‌گویند.
- قادرند ذرات باردار را در سطح خود جذب کنند.

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

-۲۰۵ - در کدام گزینه، تمامی مواد موجود، الکترولیت ضعیف هستند؟



-۲۰۶ - کدام گزینه نادرست است؟

- ۱) انحلال CaCl_2 در آب با افزایش دما کاهش می‌یابد.
- ۲) انحلال NH_3 در آب با جرم مولی ۱۷ گرم بر مول از انحلال CO_2 در آب با جرم مولی ۴۴ گرم بر مول کمتر است.
- ۳) نقطه‌ی جوش محلول آب‌نمک حین جوشیدن افزایش می‌یابد.
- ۴) به بخشی از یک سامانه که خواص شدتی در هم‌جای آن یکسان باشد، فاز می‌گویند.

Konkur.in

-۲۰۷ - کدام موارد از مقایسه‌های زیر درست‌اند؟

آ) میزان انحلال‌پذیری در آب: $\text{HCl(g)} > \text{NH}_3(\text{g}) > \text{CO}_2(\text{g}) > \text{O}_2(\text{g}) > \text{N}_2(\text{g})$

ب) رسانایی الکتریکی محلول یک مولار: $\text{CaCl}_2 > \text{NaCl} >$ هیدروفلوئوریک اسید

پ) رسانایی الکتریکی (در حجم یکسان دو محلول): محلول ۸٪ مولار سدیم‌کلرید < محلول ۸٪ مولال سدیم‌کلرید
ت) نقطه‌ی جوش: محلول ۵٪ مولال آلومینیم‌نیترات < محلول ۸٪ مولال باریم‌کلرات

۴) پ-ت

۳) ب-پ

۲) آ-ت

۱) آ-ب

-۲۰۸ - غلظت محلول ۲/۵ مولال کلسیم‌کربنات در صورتی که چگالی محلول یک گرم بر سانتی‌متر مکعب فرض شود، چند مولار است؟

$$(\text{Ca} = 40, \text{C} = 12, \text{O} = 16: \text{g.mol}^{-1})$$

۲/۵ (۴)

۲ (۳)

۱/۶ (۲)

۱/۲ (۱)

-۲۰۹ - چه تعداد از موارد زیر درست هستند؟

- آ) نمک سدیم اسید چرب، صابون جامد و نمک کلسیم اسید چرب، صابون مایع است.
- ب) زنجیره‌ی هیدروکربنی صابون، آب دوست و بخش کربوکسیلات آن، آب‌گریز است.
- پ) در پاک‌کننده‌های غیرصابونی، گروه سولفونات باعث پخش شدن چربی‌ها در آب می‌شود.
- ت) در اسیدهای چرب، عموماً بین ۱۰ الی ۱۴ اتم کربن وجود دارد.

۱) ۱۲ ۲) ۲۳ ۳) ۴) ۴

-۲۱۰ - چند میلی‌لیتر از محلول ۰٪ مولار آلومینیم سولفات باید به مقدار کافی از آب خالص اضافه شود تا ۲۵۰mL محلول با

غلظت ۲۷۰ppm از آلومینیم و چگالی فرضی 8g.mL^{-1} به دست آید؟ ($\text{Al} = 27\text{g.mol}^{-1}$)

۱) ۱۵۰ ۲) ۱۰۰ ۳) ۵۰ ۴) ۱۰۰



سایت کنکور

Konkur.in

پاسخ نامه(کلید) آزمون

1	□□□✓□	51	□□□□□✓	101	□□□□□	151	□□□□□	201	□□□□□✓
2	□□□✓□	52	□□□□□✓	102	□□□□□	152	□□□□□	202	□□□□□✓
3	✓□□□□	53	✓□□□□□	103	□□□□□✓	153	□□□□□	203	□□□□□✓
4	□□□✓□	54	□□□✓□□	104	□□□□□✓	154	□□□□□✓	204	□□□□□✓
5	□□□□✓	55	□□□□□✓	105	✓□□□□□	155	□□□□□✓	205	□□□□□✓
6	□□□✓□	56	□□□□□✓	106	□□□✓□□	156	□□□□□✓	206	□□□✓□□
7	□□□✓□	57	✓□□□□□	107	□□□✓□□	157	□□□□□✓	207	□□□✓□□
8	□✓□□□	58	□□□□□✓	108	□□□□□✓	158	□□□□□✓	208	□□□□□✓
9	□□□✓□	59	□✓□□□□	109	□□□□□✓	159	□□□□□✓	209	✓□□□□□
10	□✓□□□	60	✓□□□□□	110	□□□□□✓	160	✓□□□□□	210	□□□□□✓
11	✓□□□□	61	□□□□□✓	111	✓□□□□□	161	□□□□□✓		
12	□□□□✓	62	□✓□□□□	112	□□□✓□□	162	□✓□□□□		
13	□□□✓□	63	□✓□□□□	113	□□□✓□□	163	□□□□□✓		
14	□✓□□□	64	□✓□□□□	114	□□□□□✓	164	✓□□□□□		
15	□✓□□□	65	□□□□□✓	115	□□□□□✓	165	□□□□□✓		
16	□□□□✓	66	□□□✓□□	116	□□□✓□□	166	□□□□□✓		
17	✓□□□□	67	□✓□□□□	117	□□□✓□□	167	□□□□□✓		
18	✓□□□□	68	□✓□□□□	118	□□□✓□□	168	□✓□□□□		
19	□□□✓□	69	□□□□□✓	119	✓□□□□□	169	✓□□□□□		
20	□✓□□□	70	✓□□□□□	120	□□□□□✓	170	□□□□□✓		
21	□□□□✓	71	□□□✓□□	121	□□□✓□□	171	✓□□□□□		
22	□□□□✓	72	□□□□□✓	122	□□□✓□□	172	□□□□□✓		
23	✓□□□□	73	□□□✓□□	123	□□□✓□□	173	✓□□□□□		
24	□□□□✓	74	□□□□□✓	124	□□□□□✓	174	□✓□□□□		
25	□□□✓□	75	✓□□□□□	125	✓□□□□□	175	□□□□□✓		
26	□□□□✓	76	□□□□□✓	126	□□□✓□□	176	□✓□□□□		
27	□□□✓□	77	□□□✓□□	127	□□□✓□□	177	□□□□□✓		
28	□□□✓□	78	□□□✓□□	128	□□□✓□□	178	✓□□□□□		
29	□□□□✓	79	□□□✓□□	129	□□□✓□□	179	□□□□□✓		
30	□✓□□□	80	□□□✓□□	130	□□□✓□□	180	✓□□□□□		
31	□✓□□□	81	□✓□□□□	131	□□□✓□□	181	□□□□□✓		
32	□□□✓□	82	□□□✓□□	132	✓□□□□□	182	✓□□□□□		
33	✓□□□□	83	□□□□□✓	133	□□□✓□□	183	□✓□□□□		
34	✓□□□□	84	□✓□□□□	134	□□□□□✓	184	□□□□□✓		
35	✓□□□□	85	□□□✓□□	135	□□□✓□□	185	✓□□□□□		
36	□✓□□□	86	□✓□□□□	136	□□□□□✓	186	□□□□□✓		

37	87	137	187
38	88	138	188
39	89	139	189
40	90	140	190
41	91	141	191
42	92	142	192
43	93	143	193
44	94	144	194
45	95	145	195
46	96	146	196
47	97	147	197
48	98	148	198
49	99	149	199
50	100	150	200



سایت کنکور

Konkur.in



دفترچه پاسخ

۱۳۹۸ آذر ماه ۲۹

عمومی نظام قدیم

رشته ریاضی و تجربی

طراحان به ترتیب حروف الفبا

امیر افضلی - حسین پرهیزگار - داود تالشی - اسماعیل تشیعی - طین زاهدی کیا - مریم شیرانی - الهام محمدی - مرتضی منشاری	(بان و ادبیات هارسن)
درویشعلی ابراهیمی - بهزاد جهانبخش - حسین رضایی - محمدمحمدعلی رضایی - سیدمحمدعلی مرتضی - خالد مشیرنژادی - فاطمه منصورخاکی - اسماعیل یونسپور	علوم
ابوالفضل احمدزاده - محمد رضایی بقا - محمدرضا فرهنگیان - مرتضی محسنی کبیر - سید هادی هاشمی	دین و اندیشه
میرحسین زاهدی - محمد سهرابی - عبدالرشید شفیعی - علی شکوهی - امیرحسین مراد	(بان انگلیسی)

گریشکاران و براستاران به ترتیب حروف الفبا

نام درس	مسئول درس	گزینشگر	گروه ویراستاری	ویراستاران رتبه‌های پرور	مسئول درس‌های مستندسازی
(بان و ادبیات هارسن)	طنین زاهدی کیا	طنین زاهدی کیا	محسن اصغری	محمدجواد قورچیان	فریبا رثوفی
علوم	فاطمه منصورخاکی	فاطمه منصورخاکی	درویشعلی ابراهیمی - حسین رضایی -	اسماعیل یونسپور	لیلا ایزدی
دین و اندیشه	محمد رضایی بقا	محمد رضایی بقا	سکینه گلشنی	صالح احصائی	محدثه پرهیز کار
(بان انگلیسی)	نسترن راستگو	نسترن راستگو	عبدالرشید شفیعی - محدثه مرآتی	آناهیتا اصغری	فاطمه فلاحت پیشه

گروه فنی و تولید

مدیر گروه	فاطمه منصورخاکی
مسئول دفترچه	فرهاد حسینپوری
مسئل دستگاه	مدیر: فاطمه رسولی نسب، مسئل دفترچه: لیلا ایزدی
حروف تکاری و مطابقت با مصوبات	فاطمه عظیمی
نقارهات چاپ	سوران نعیمی

گروه آزمون

بنیاد علمی آموزشی قلمچی (وقف عام)

آدرس دفتر مرکزی: خیابان انقلاب - بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ - تلفن چهار رقمی: ۰۲۱-۶۴۶۳



(اسماعیل تیمی)

-۶

با تشییه شروع می کنیم و گزینه های «۱» و «۴» حذف می شوند. با حس آمیزی ادامه می دهیم و به گزینه «۳» می رسیم (گزینه «۲» حس آمیزی ندارد).

آرایه های بیت «۳» تشییه: بای بندی همچو من
وجه شبه مشبه ادات مشبه

تشخیص: ۱- ای بلبل (بلبل مورد خطاب قرار گرفته) ۲- بلبل فریاد کند: تشخیص حس آمیزی: شیرین نفس

(زبان و ادبیات فارسی پیش‌دانشگاهی، آرایه، ترکیبی)

(مرتضی منشاری)

-۷

جناس: خام و جام / پارادوکس ندارد.

تشریح گزینه های دیگر:

گزینه «۱»: استعاره: «ساقی» استعاره از واسطه فیض الهی / ایهام: مدام ۱- پیوسته و همواره ۲- نوعی شراب

گزینه «۲»: تشییه (اضافه تشییه): دانه خال، مرغ خرد/ تناسب: دانه، مرغ، دام

گزینه «۴»: نضاد: صبح و شب / تشییه: خرگاه افق، پرده شام

(زبان و ادبیات فارسی پیش‌دانشگاهی، آرایه، ترکیبی)

(دواور تالشی)

-۸

گزینه «۲»: مصراع اول کنایه از «صمیمی نشدن» و مصراع دوم کنایه از «کشتن» است ولی در بیت ذیل آن، کشتن به معنی خاموش کردن است، هرگاه با شمع و چراغ باید.

گزینه «۱»: مصراع دوم هر دو بیت کنایه از «عصبانی شدن» است.

گزینه «۳»: مصراع دوم هر دو بیت کنایه از «همه چیز برایم تلخ و ناگوار است» می باشد.

گزینه «۴»: مصراع دوم بیت اول و مصراع اول بیت دوم کنایه از «کشتن» است.

(زبان و ادبیات فارسی پیش‌دانشگاهی، املاء، ترکیبی، صفحه ۴۳ و ۴۴)

(مرتضی منشاری)

-۹

مفهوم بیت سوال: شخص نازپرورد به معشوق حقیقی نمی رسد و عاشق حقیقی، سختی ها و گرفتاری های راه عشق را به جان می خرد. از گزینه های «۱» و «۴» نیز همین مفهوم دریافت می شود. در گزینه «۳» می گوید که هر مجنونی لایق عشق لیلی نیست و فقط مجنون حقیقی است که ناز عشق لیلی را در ک می کند و لایق عشق است.

(زبان و ادبیات فارسی پیش‌دانشگاهی، مفهوم، صفحه ۴۷)

(اسماعیل تیمی)

-۱۰

مفهوم ابیات گزینه «۲» (ب، د، ه): «غم عشق تو را بهیج معاوضه نمی کنم» یا «غم تو موجب شادی من است»

بیت الف: «ارزش توکل به لطف خدا» ← «طف خدا، غم را از شما دور می کند».

بیت ج: «قصه عشق همیشه تازه و شنیدنی است» ← «قصه عشق تکراری و ملل آور نمی شود».

(زبان و ادبیات فارسی پیش‌دانشگاهی، آرایه، ترکیبی، صفحه ۴۵)

ادبیات پیش‌دانشگاهی و ادبیات ۲ و زبان فارسی ۳

(دواور تالشی)

-۱

ب) خدنگ: درختی است که چوب آن بسیار سخت است که از چوب آن تیر و نیزه و زین اسب می سازند.

(ه) بامداد، شبگیر، صبح زود
و) آرنگ: آرنج

(زبان و ادبیات فارسی پیش‌دانشگاهی، لغت، واژه‌نامه)

(مرتضی منشاری)

-۲

زغن: پرندگان است شکاری کوچکتر از باز.

(زبان و ادبیات فارسی پیش‌دانشگاهی، لغت، واژه‌نامه)

(اسماعیل تیمی)

-۳

املای واژه های گزینه «۱» همه درست است.

گزینه «۲»: خاری، باید به صورت «غمه پردازی» نوشته شود.

گزینه «۳»: نقمه پردازی، باید به صورت «غمه پردازی» نوشته شود.

گزینه «۴»: حغارت، باید به صورت «حقارت: کوچکی» نوشته شود.

(زبان و ادبیات فارسی پیش‌دانشگاهی، املاء، واژه‌نامه)

(ظین زاهدی کیا)

-۴

تشریح گزینه های دیگر

گزینه «۱»: «عذار» صحیح است.

گزینه «۲»: «لغز» صحیح است.

گزینه «۴»: «فراق» صحیح است.

(زبان و ادبیات فارسی پیش‌دانشگاهی، املاء، ترکیبی)

(دواور تالشی)

-۵

گزینه «۴»: کنایه دارد (به جان رسیدن: کنایه از خسته شدن)، اما جناس تمام ندارد.
دو هفته (چهارده روز)/ ماه دو هفته (ماه شب چهارده، استعاره از معشوق)

تشریح گزینه های دیگر

گزینه «۱»: مجاز: نگین: مجاز از انگشت/ کف: مجاز از دست/ دیو و دد: مجاز از همه

تلمیج: اشاره به داستان حضرت سلیمان

گزینه «۲»: تشییه (گوشوار مویز/ طوق سمن: اضافه تشییه) و تشخیص (اضافه استعاری: گردن سرو، گوش مو (درخت انگور) و استعاره)

گزینه «۳»: پارادوکس: باد چراغ را روشن می کند (محال عقل است و تناقض)، از باد کم خواستن: جان بخشی، تشخیص

توجه: منظور از «بعضی» در صورت سؤال یعنی یک آرایه غلط است نه هر دو.

(زبان و ادبیات فارسی پیش‌دانشگاهی، آرایه، ترکیبی)



(امیر افضل)

-۱۶

در این گزینه دو واژه مرکب وجود دارد: سریاز و پاسدارخانه

تشریح گزینه‌های دیگر

گزینه «۱»: گرداب

گزینه «۲»: زیرزمین

گزینه «۳»: سالانه‌سازانه

(زبان فارسی ۳، زبان فارسی، صفحه ۱۲۱)

(مسین پرهیزکار)

-۱۱

کومه: کلبه، هرآ: صدا و غوغای شولا، خرقه، صولت: حمله، جدار: دیوار

(ادبیات فارسی ۲، لغت، واژه‌نامه)

(مرتضی منشاری - اردبیل)

-۱۷

تنها واژه مشتق، «ریشه» است.

(زبان فارسی ۳، زبان فارسی، صفحه ۱۲۱)

(مسین پرهیزکار)

-۱۲

«خوار» نادرست است، املای صحیح آن «خار» است.

(ادبیات فارسی ۲، املاء، ترکیبی)

(امیر افضل)

-۱۸

در گزینه «۱» درخت بدون بار سزاوار تبع تبر شده است، پس بی‌بار بودن سبب نابودی است. بر عکس سه گزینه دیگر که بی‌حاصل و بی‌بار بودن سبب آسودگی، آزادی و امنیت است.

(ادبیات فارسی ۲، مفهوم، مشابه صفحه ۱۳۷)

(امیر افضل)

-۱۳

مذبور و زیج نادرست است و صحیح آن مذبور و ذیج است.

(ادبیات فارسی ۲، املاء، ترکیبی)

(مریم شمیران)

-۱۹

بیت اول: با یاد تو اندوه‌گینیم.

بیت دوم: با یاد تو جوان و دل‌شاد می‌شوم.

تشریح گزینه‌های دیگر

گزینه «۱»: نالمیدی از تغییر اوضاع

گزینه «۲»: پیشگیری قبل از وقوع حادثه

گزینه «۴»: سوختن، فرجام بی‌حاصلی است.

(ادبیات فارسی ۲، مفهوم، صفحه ۱۳۷)

(ادبیات فارسی ۲، آرایه، ترکیبی)

(طنین زاهدی‌کیا)

-۲۰

مفهوم ابیات گزینه‌های «۱، ۳ و ۴»: علاج واقعه قبل از وقوع باید کرد.

مفهوم بیت گزینه «۲»: جبر، تقدير و بی‌فایده بودن تدبیر

(ادبیات فارسی ۲، مفهوم، صفحه ۱۳۷)

(الهام محمدی)

-۱۵

حسن تعلیل دارد: (شاعر دلیل سفیدروی بودن صبح را دست به دامان شبشدن دانسته است). / تشییه ندارد.

تشریح گزینه‌های دیگر

گزینه «۱»: خواب سنگین ← حس آمیزی / «وحشی غزال» استعاره از «معشوق»

گزینه «۳»: گردن کشیدن ← کنایه / «چون هدف» و «بروکمان» ← تشییه

گزینه «۴»: مصراع اول معادل و مثالی برای مصراع دوم ذکر شده است ← اسلوب معادله/ دست سیل ← استعاره

(ادبیات فارسی ۲، آرایه، ترکیبی)



(روشنلی ابراهیمی)

-۲۶

صراع گزینه «۴» می‌گوید: به اندازه زحمت و نلاش، بزرگی‌ها به دست می‌آید؛ در حالی که عبارت مقابل آن در مورد توکل کردن و تسليم شدن در مقابل محبوب (خداآنون) سخن می‌گوید.

(درک مطلب و مفهوم)

(ممدمهدی رضایی)

-۲۷

«هیچ شکی نیست: لا شکا / موفقیت انسان: نجاح انسان / زندگی علمی اش»
«حیاته العلمیة / به شمار می‌آید»؛ یعتبر / «مهم‌ترین امور»؛ أهم‌الامور

نکته مهم درسی

مضاف هرگز «آل» نمی‌گیرد، بنابراین «النجاح انسان» نادرست است.

(تعریف)

(ساماعیل یونس پور)

-۲۸

«اندیشمندان کشورهای اسلامی»: مفکرو البلدان اسلامیه (اسم «کان» باید مرفوع باشد، بنابراین «کان مفکر...» می‌تواند صحیح باشد). / «در سده‌های نخستین»: فی القرون الأولى / «جایگاه علمی بلندی»: مكانة علمية رفيعة / «به دست آورده بودند»: كانوا اكتسبوا، كانَ ... اكتسبوا (ماضی بعید)

نکته مهم درسی

برای به دست آوردن ماضی بعید فارسی در زبان عربی از ترکیب «کان + فعل ماضی» استفاده می‌شود.

(تعریف)

ترجمه متن درک مطلب

«ساخته‌های (تولیدات) انسان تابع اراده ای است. و آن به خودی خود، خوب یا بد نیست، و در سیاری از وقت‌ها ساخته‌ها به خودی خود خوب هستند و انسان با بدی استفاده از آن‌ها را به شر تبدیل می‌کند. و دین به انسان می‌آموزد که چگونه قدرت را در راه خیر استفاده کند و چگونه از آن به شکل صحیح بهره ببرد. غربی‌ها توانسته‌اند که در زندگی مادی پیشرفت کنند اما آن‌ها از دین واقعی دور شده‌اند. در نتیجه برای آن‌ها مانعی از ارتکاب جرم‌ها نمانده است. نگاه کنید چگونه آن‌ها آتش جنگ‌ها را شعله‌ور می‌کنند و چگونه بی‌گناهان را می‌کشند و ثروت‌های ملت‌های مستضعف را به سرفت می‌برند!؟»

(خطمه منصور فاک)

-۲۹

تولیدات انسان و منافع و زیان‌های آن‌ها، مناسب‌ترین عنوان برای متن است.

شرح گزینه‌های دیگر

گزینه «۱»: «دزدی ثروت‌ها به دست بیگانگان!»

گزینه «۲»: «آتش جنگ و نتایج آن!»

گزینه «۳»: «دین واقعی در جوامع!»

(درک مطلب و مفهوم)

(فاله مشیرپناهی - حکلان)

«أ»، آیا / «لم تر»: ندیدی / «أن الله»: که الله (خداآنون) / «أنزل»: نازل کرد / «من السماء»:

از آسمان / «ماء»: آبی / «فتح»: می‌شود / «الأرض»: زمین / «حضره»: سبز

شرح گزینه‌های دیگر

گزینه «۱»: «همانا»، «باران» و «برای این که زمین سبز و خرم گردد»، نادرست هستند.

گزینه «۲»: «نهی‌بینی»، «چگونه»، «زمین سرسبز» و «پدید آمد» نادرست هستند.

گزینه «۳»: «نمی‌نگری» و «تا ... سرسبز شود» نادرست‌اند.

(ترجمه)

(بهزاد بیانپاش - خانمشور)

-۲۲

شرح گزینه‌های دیگر

گزینه «۱»: «توکل کرده بودند» برای فعل «کانوا توکلوا» درست است.

گزینه «۲»: ضمیر «نا» در «علمائنا الكبار» ترجمه نشده است و نیز «شروع کردن» نادرست است.

گزینه «۳»: ضمیر «نا» در «علمائنا الكبار» ترجمه نشده است و نیز «توکل می‌کردن» نادرست است.

(ترجمه)

(روشنلی ابراهیمی)

-۲۳

«کان»: گویا، مثل این که / «صدیقی»: دوستم / «مأیوس»: نالمید است، مأیوس شده است / «فی»: در / «أموره»: کارهایش («أمور» جمع است). / «ولکنی عازم»: اما (ولی) من مصمم هستم / «على مواصلة»: بر ادامه دادن / «العمل»: کار (مفرد) / «حتى»: تا / «أكتسب»: بدست آورم / «نتيجة مطلوبة»: نتیجه‌ای دلخواه (موصوف و صفت نکره)

(ترجمه)

(حسین رضایی)

-۲۴

«فی ایام دراستنا الطويلة»: در روزهای طولانی تحصیلمان / «كُنَا قد اعتمَدْنَا» (معادل ماضی بعید فارسی): اعتماد کرده بودیم / «قدرات»: توانمندی‌ها، توانایی‌ها / «تنافس سلیم»: رقابتی سالم

(ترجمه)

(سیدمحمدعلی مرتفعی)

-۲۵

ترجمه صحیح عبارت این گزینه این چنین است:

«چه بسا (شاید) مردم در ماه رمضان، گناه را ناپسند بشمارند و به (درگاه) خداوند توبه کنند!»

(ترجمه)



(قالمه مشیرپناهن - (ملکان))

-۳۵

«تجوّماً» اسم «إنَّ» و منصوب به اعراب ظاهري است.

تشريح گزینه های دیگر

گزینه «۲»: اسم «إنَّ» ضمير بارز «كُمًا» و محلًا منصوب است.
 گزینه «۳»: اسم «كان» ضمير «هُوَ» مستتر و محلًا مرفوع است.
 گزینه «۴»: ضمير بارز «ت» اسم «كان» و محلًا مرفوع است.

(انواع بملات)

-۳۰

با توجه به متن، دین راه استفاده از قدرت را نشان می دهد.

تشريح گزینه های دیگر

گزینه «۱»: «انسان همیشه ساخته هایش را به شر تبدیل می کندا» نادرست است.
 گزینه «۳»: «در اکثر اوقات ساخته های انسان به خودی خود خیر نیستند» نادرست است.

گزینه «۴»: «عربی ها در زندگی مادی و معنوی پیشرفت کرده اند» نادرست است.
 (درک مطلب و معنوه)^(۳)

(بچزار بجهانیش - قائمشهر)

-۳۶

در گزینه «۲»: «الصالحون» صفت برای حالت نصیبی است و باید با علامت اعراب فرعی «ي» باید.

ترکیب جمله: «هؤلاء»: اسم «إنَّ» و محلًا منصوب / «اللامید»: تابع برای هؤلاء و منصوب / «الصالحين»: صفت و منصوب به علامت اعراب فرعی «ي» / «يعلمون» خبر «إنَّ» و محلًا مرفوع

(انواع بملات)

-۳۱

(فاطمه منصور، فکر)

با توجه به ترجمة متن، غربی ها از قدرت، استفاده درستی نکرده اند.

تشريح گزینه های دیگر

گزینه «۱»: در متن در مورد خضوع انسان در مقابل بی گناهان سخنی گفته نشده است.

گزینه «۳»: در متن در مورد انواع موانع برای غربی ها از ارتکاب جرم سخنی گفته نشده است.

گزینه «۴»: در متن در مورد برایی جنگ های جهانی سخنی گفته نشده است.
 (درک مطلب و معنوه)^(۳)

(سیر محمدعلی مرتضوی)

-۳۷

اسم «ستكونين»، ضمير بارز «باء» و خبر آن، «وحيدة» است که پس از آن آمده و بر آن، مقدم نشده است.

تشريح گزینه های دیگر

گزینه «۱»: فی باطن: خبر مقدم / قلبًا: اسم مؤخر

گزینه «۲»: مِنَا: خبر مقدم / مَنْ: اسم مؤخر

گزینه «۴»: بین تلامید: خبر مقدم / تلميذ: اسم مؤخر

(انواع بملات)

-۳۲

(فاطمه منصور، فکر)

القَوَّة مفعول است و باید منصوب باشد (**القَوَّة**). حرکت گذاری کامل عبارت: «الَّذِينَ يَعْلَمُ الْإِنْسَانَ كَيْفَ يَسْتَعْمِلُ القَوَّةَ فِي طَرِيقِ الْخَيْرِ وَ كَيْفَ يَنْتَفِعُ مِنْهَا بِشَكْلٍ صَحِيحٍ!»

(هر کلت گذاری)

(فاطمه منصور، فکر)

-۳۸

«ليت» از حروف مشبه بالفعل است و اسم آن منصوب می باشد.

(انواع بملات)

-۳۳

تشريح گزینه های دیگر

گزینه «۲»: «مبني للجهول» و «فاعل ضمير مستتر» نادرست اند.

گزینه «۳»: «للمخاطبين» و «متعد» نادرست اند.

گزینه «۴»: «من باب تفعيل» نادرست است.

(فاطمه منصور، فکر)

-۳۹

ضمیر «ي» در «إنَّني» بر متکلم وحده دلالت دارد، بنابراین «كان» نیز باید به همین صیغه باید، در نتیجه گزینه «۱» صحیح است.

(انواع بملات)

-۳۴

تشريح گزینه های دیگر

گزینه «۲»: «جمع تكسير» و «الإعراب الأصلية» نادرست اند.

گزینه «۳»: «جامد» و «خبر «إنَّ» و مرفوع» نادرست اند.

گزینه «۴»: «خبر «إنَّ» و مرفوع» نادرست است.

(رویشنی ابراهیمی)

-۴۰

در گزینه «۴»؛ «لا»، نفي جنس نیست، بلکه «لا»ی نهی است. «لا»ی نفي جنس بر سر اسم می آید.

(انواع بملات)

(تمهیل صرفی و نهودی)



(ابوالفضل امیراڑہ)

-۴۷

آیه «إِنَّا كُلَّ شَيْءٍ خَلَقْنَاهُ بِقدْرٍ» به این موضوع اشاره دارد که خداوند تمام موجودات را بر اساس تقدیر مشخصی افریده است و این بدین معناست که همه موجودات در نظام قانونمند الهی جای دارد و هیچ موجودی نیست مگر این که در حیطه قانونمندی نظام خلقت جای داشته باشد.

(دین و زندگی پیش‌دانشگاهی، درس ۵، صفحه ۴۲)

(ممدرضا فرهنگیان)

-۴۸

براساس سنت ابتلاء و آزمایش الهی، همه انسان‌ها در طول عمر خود در معرض آزمایش‌اند و پیروزی یا شکست در این آزمایش‌ها، سبب جدا شدن انسان‌های خوب از بد و ساخته شدن و نکمال، یا خسارت و عقب‌ماندگی آن‌ها می‌گردد و این موضوع در آیه شریفه «أَلْحَسَ النَّاسُ أَنْ يَتَرَكَّوا إِنْ يَقُولُوا أَمْتَأْ وَ هُمْ لَا يَقْنُونُ؛ أَيَا مَرْدُمْ مَىْ پَنْدَارَنْدْ رَهَا مَىْ شُونَدْ؛ هَمِينْ كَه بَگَوِينَدْ اِيمَانْ آورَدِيمْ وَ آزمایش نَمِىْ شُونَدْ؟؟» متجلی است.

دقت شود عبارت «نَمَا الْمُؤْمِنُ بِعِنْزَلَةِ كَفَّةِ الْمَيْزَانِ ...» حدیث است، نه آیه.

(دین و زندگی پیش‌دانشگاهی، درس ۶، صفحه‌های ۵۶ و ۵۹)

(مرتضی محسنی‌کبیر)

-۴۹

اختیار انسان و مایع بودن آب هر یک به ترتیب از ویژگی‌های انسان و آب هستند و هر دو از تقدیرات الهی‌اند و هیچ‌گاه نمی‌شود از دایرة تقدیرات خارج شد. لذا خروج از آن ناممکن است. (دین و زندگی پیش‌دانشگاهی، درس ۵، صفحه‌های ۵۰ و ۵۲)

(مرتضی محسنی‌کبیر)

-۵۰

دسته‌ای از مردم در برابر دعوت انبیا لجاجت ورزیده و در مقابل حق می‌ایستند که با سنت امداد الهی مواجه می‌شوند. اما آنان که راه باطل را برمی‌گزینند و با حق عناد و دشمنی می‌ورزند، خداوند به آن‌ها مهلت و فرصت زندگی می‌دهد (سنت امداد یا املاه).

امداد خاص خدای متعال نسبت به آنان که با نیت پاک، قدم در راه حق گذارند و سعادت جهان آخرت و رضایت پروردگار را هدف خود قرار دهند، « توفیق الهی » نام دارد.

یکی از جلوه‌های توفیق الهی، نصرت و هدایت خدا به دنبال تلاش و مجاهدت است. (دین و زندگی پیش‌دانشگاهی، درس ۶، صفحه‌های ۵۹ و ۶۰)

(سیدهادی هاشمی)

-۵۱

عشق و محبت الهی، افسرده‌گی، خمودی، ترس و جُبْن را از بین می‌برد و غل و غش‌ها را پاک و اندیشه‌ها را خلاق می‌کند و حدیث شریف « ما أَحَبَّ اللَّهَ مِنْ عَصَمَهْ » کسی که از فرمان خدا سریچی می‌کند، او را دوست ندارد » به پیروی از خداوند، از آثار محبت به خداوند اشاره دارد.

(دین و زندگی ۲، درس ۱۱، صفحه ۱۱۶ و ۱۱۷)

(مرتضی محسنی‌کبیر)

-۵۲

آرستگی، اختصاص به زمان حضور در اجتماعات و معاشرتها ندارد. بلکه شامل زمان حضور در خانواده و از آن مهمتر، زمان عبادت نیز می‌شود. استفاده از عطر، شانه زدن موها، پوشیدن لباس روشن و تمیز و پاک بودن تمامی بدن از توصیه‌های مهم پیشوایان هنگام عبادت است. تکرار دائمی نماز در شبانه‌روز، این آرستگی و پاکی را در طول روز حفظ می‌کند و زندگی را پاک و باصفاً می‌سازد. امام صادق (ع) می‌فرماید: «لباس نازک و بدن‌نما نپوشید؛ زیرا چنین لباسی نشانه سستی و ضعف دین است.»

(دین و زندگی ۲، درس ۱۲، صفحه‌های ۱۲۸ و ۱۲۹)

دین و زندگی پیش‌دانشگاهی و دوم

-۴۱

(مرتضی محسنی‌کبیر)

آیه شریفه «إِنَّ اللَّهَ يَمْسِكُ السَّمَاوَاتِ وَالْأَرْضَ أَنْ تَزُولاً ...» همانا خداوند نگه می‌دارد آسمان‌ها و زمین را از منحرف شدن و ... » بیانگر اعتقاد به خداوند حکیم است. در انتهای آیه علت آن را با دو صفت خداوند بیان می‌دارد: «أَنَّهُ كَانَ حَلِيمًا غَفُورًا؛ أَوْسَطَ بَرْدَبَارَ أَمْرَزَنَدَ». (دین و زندگی پیش‌دانشگاهی، درس ۵، صفحه‌های ۴۲ و ۴۳)

-۴۲

(محمد رضایی‌رقا)

هر کس با اراده و اختیار خود، راه حق یا باطل را برگزیند، خداوند شرایطی برای او فراهم می‌آورد که در مسیری که انتخاب کرده، به پیش رو و سرشت خود را آشکار کند. یعنی خداوند برای هر دو گروه امکانات و لوازم رسیدن به خواسته‌ها و هدف‌هایشان را فراهم می‌کند و این مطلب، بیانگر سنت امداد الهی است. دعا می‌تواند سبب بسیاری از خوبی‌ها و مانع بسیاری از بلاها گردد، البته در صورتی که دعا با شرایط واقعی آن انجام شود و چیزی که انسان از خداوند درخواست می‌کند، در نهایت به ضرر او تمام نشود. این موضوع، بیانگر سنت تأثیر نیکی یا بدی در سرنوشت است.

(دین و زندگی پیش‌دانشگاهی، درس ۶، صفحه‌های ۵۰ و ۵۱)

-۴۳

(ابوالفضل امیراڑه)

شناخت قوانین جهان خلقت (علت)، سبب آشنازی ما با نشانه‌های الهی و درک عظمت خالق آن‌ها و نیز بهره‌مندی از طبیعت می‌شود (مطلوب). سنت امتحان و ابتلاء، هم عامل ظهور و بروز استعدادهای است و هم مربوط به چگونگی و فرایند رشد و تکامل انسان است. (دین و زندگی پیش‌دانشگاهی، درس ۶، صفحه‌های ۵۸ و ۵۹)

-۴۴

(مرتضی محسنی‌کبیر)

با توجه به آیه شریفه «اللَّهُ الَّذِي سَخَرَ لَكُمُ البحْرَ لِتَجْرِيَ الْفَلَكَ فِيهِ بَأْمِرِهِ وَ لِتَبْغُوا مِنْ فَضْلِهِ ...»، روزی نتیجه و پیامد تسخیر دریا و حرکت کشته بام خداوند است و عبارت قرآنی «كُلُّ فِلَكٍ يَسْبُحُونَ وَ هُمْ دَرِ مَدَارِهِنَدَنَهْ» اشاره به مدار سیارات دارد.

(دین و زندگی پیش‌دانشگاهی، درس ۵، صفحه ۱۳۳)

-۴۵

(مرتضی محسنی‌کبیر)

موجودات از آن جهت که با حکم و فرمان و اراده الهی ایجاد می‌شوند مربوط به قضای الهی هستند. به عبارت دیگر، نقشه جهان با همه ریزه‌کاری‌ها و قانونمندی‌هایش از آن خداست و اجرا و پیامد کردن آن نیز بهوسیله خداست. به همین جهت نه در نقشه آن نقص و اشتباهی هست (تقدیر) و نه در اجرا و پیامد کردن آن (قضای). آبی که با اراده خود می‌نوشیم، به علت اعتماد به تقدیر الهی است، یعنی می‌دانیم که خداوند آب را با ویژگی‌ها، اندازه‌ها و تقدیرها آفریده که سبب رفع تشنجی انسان می‌شود.

(دین و زندگی پیش‌دانشگاهی، درس ۵، صفحه ۱۳۱)

-۴۶

(سیدهادی هاشمی)

گاهی خداوند علاوه بر مهلت دادن، بر امکانات گمراهان می‌افزاید و آن‌ها با استفاده از همین امکانات و با اصرار خود، بیشتر در فساد فرو می‌روند و قدم از انسانیت فاصله گرفته و به تدریج بهسوسی هلاکت ابدی نزدیک می‌شود. چنین حالت تدریجی در حرکت بهسوسی عذاب الهی را سنت « استدراج » می‌خوانند.

(دین و زندگی پیش‌دانشگاهی، درس ۶، صفحه‌های ۶۰ و ۶۱)



(امیرحسین مراد)

ترجمه جمله: «کدامیک از بخش‌های زیر مسئول تنظیم کردن تنفس است؟»
«ساقه مغز»

-۷۳

(درک مطلب)

(امیرحسین مراد)

ترجمه جمله «از متن می‌تواند استنباط شود که افرادی با مغزهای نیمه راست مسلط، با دست چشان می‌نویسند.»

-۷۴

(درک مطلب)

(امیرحسین مراد)

ترجمه جمله: «لغت "dominate" (سلط بودن، کنترل کردن) در پاراگراف «۲ به چه معنا است؟» «کنترل کردن" "control"

-۷۵

(درک مطلب)

(امیرحسین مراد)

ترجمه جمله: «ایده اصلی متن چیست؟»
«مغز یک عضو کوچک است که کارهای بسیاری برای بدن انسان انجام می‌دهد.»

-۷۶

(درک مطلب)

ترجمه درک مطلب دوم:
تلویزیون شاید برنامه‌های ورزشی زیادی را در روز و شب داشته باشد، اما آیا آن‌ها باعث سلامتی می‌شوند؟ پاسخ صریحاً «خیر» است. برنامه‌های ورزشی تلویزیون می‌توانند نوع خوبی از سرگرمی باشند و شما را هیجان‌زده کنند، اما شما برای سلامتی و همچنین آسوده بودن نیاز دارید تا روزانه مقداری ورزش کنید. برخی افراد تمایل برنامه‌های ورزشی را انتخاب می‌کنند و ورزش کردن را فراموش می‌کنند. آن‌ها می‌گویند تمایل اورزش جالب است، اما انجام آن دشوار است! اما با این حال، افراد کمی سعی می‌کنند تا به طور منظم ورزش می‌کنند. آن‌ها عموماً سالم و خوش‌اندام هستند، اما باید خود را از صدمات دور نگه دارند. صدمه ساده‌ای به پا یا هر قسمت مهم دیگری از بدن می‌تواند فرد را از حرکت، راه رفتن، یا درست ایستادن باز دارد. بنابراین، فرد هنگام ورزش کردن باید مراقب باشد. داشتن رژیم غذایی سالم جنبه مهم دیگر ورزش روزانه است: اگر شما به طور منظم ورزش می‌کنید، لازم است شما غذای سالم کافی بخورید تا زمانی که ورزش می‌کنید، بدنتان را تعویت کنید. افراد زیادی عضله‌ها و وزن زیادی از دست می‌دهند، زیرا بر نامه غذایی و ورزش آن‌ها با یکدیگر تطابق ندارد. در آخر، برای این که بدنتان به طور مناسبی کار کند، لازم است شما از خوردن غذای آماده زیاد خودداری کنید.

-۷۷

(عبدالرشید شفیعی)

ترجمه جمله: «افرادی که دوست دارند برنامه‌های ورزشی تلویزیون را بینند اما ورزش کردن را دوست ندارند می‌گویند که انجام دادن ورزش دشوار است.»

(درک مطلب)

(عبدالرشید شفیعی)

ترجمه جمله: «کدامیک از موارد زیر طبق متن غلط است؟»
«یک صدمه ساده در بخشی مهم از بدن برآختی بهبود می‌یابد.»

-۷۸

(درک مطلب)

(عبدالرشید شفیعی)

ترجمه جمله: «طبق متن افراد کمی سعی می‌کنند به طور منظم ورزش کنند.»

-۷۹

(درک مطلب)

(عبدالرشید شفیعی)

ترجمه جمله: «بک رژیم غذایی سالم به حمایت کردن از بدن وقتی که کسی دارد ورزش می‌کند، کمک می‌کند.»

-۸۰

(درک مطلب)

ترجمه متن کلوزتست:
زمین‌لرزه‌ها یکی از قدرتمندترین رویدادهای روی زمین هستند. وقتی بخش‌های وسیعی از سرگهای زیرزمین می‌شکند و ناگهان حرکت می‌کنند، زمین‌لرزه‌ها می‌دهند. این سبب می‌شود که زمین به سمت عقب و جلو بزرد. برخی زمین‌لرزه‌ها آسیب زیادی را سبب نمی‌شوند، اما زمین‌لرزه‌های بزرگ چنین می‌کنند. اگر زمین‌لرزه بزرگی در زیر اقیانوس رخ دهد، می‌تواند امواج خواهد داد که پیش‌بینی کنند چه زمان زلزله رخ خواهد داد تا راههای بیانند ساحل دریا را دچار سیلاب کند. داشتمنان دارند تلاش می‌کنند تا راههای بیانند که پیش‌بینی کنند چه زمان زلزله رخ خواهد داد بتوانند پیش از زمان وقوع هشدار داده شوند.

(علی شکوهی)

- ۱) تقریباً
۲) ناگهان
۳) مخصوصاً
۴) عموماً

(کلوزتست)

(علی شکوهی)

-۶۸

نکته مهم درسی

«damage» به معنی «آسیب، صدمه» اسم غیرقابل شمارش است، پس نمی‌توان قبل از آن از «many» که پیش از اسم‌های قابل شمارش می‌آید، استفاده کرد (رد گزینه «۱»). «a lot» قید است و بعد از فعل می‌آید، نه قبل از اسم (رد گزینه «۲»). «SO» را قبل از صفت یا قید به کار می‌بریم و نمی‌توان آن را مستقیماً با اسم (رد گزینه «۳»).

(علی شکوهی)

- ۱) اقیانوس
۲) روال، فرآیند
۳) خطر
۴) منطقه

(کلوزتست)

(علی شکوهی)

- ۱) تولید کردن
۲) کاهش دادن
۳) سیل ایجاد کردن
۴) ثبت کردن

(کلوزتست)

(علی شکوهی)

- ۱) کجا
۲) چرا
۳) چه زمان
۴) توسعه می‌یابد

(کلوزتست)

ترجمه درک مطلب اول:

علی‌غم اندازه کوچکش (حدود ۳ پوند)، مغز قادر به دریافت و ارسال تعداد نامحدودی از پیام‌های است. آن کار را کمک نخواهد اضافی حسی و سیستم عصبی انجام می‌دهد. مغز این وظیفه را با تعیین کردن کارهای انجام می‌دهد. آن مخچه را مسئول تعادل و همکاری قرار می‌دهد. ساقه مغز ضربان قلب، تنفس و فشار خون را تنظیم می‌کند و بزرگ‌ترین بخش‌های مغز، قشر مخ و مخ، افکار، احساسات و اعمال را کنترل می‌کنند.

مخ به دو نیمه تقسیم می‌شود. هر نیمه عضلات در طرف مخالف بدن را کنترل می‌کنند، پس اگر شما معمولاً با دست راستان غذا می‌خورید و با پای راستان ضربه می‌زنید، پس طرف چپ مغزتان گفته می‌شود که سلط دارد و شما راست دست هستید. وقتی مخالف آن درست باشد، طرف راست مغز شما رهبری را بر عهده می‌گیرد و شما چپ دست هستید.

افراد از هر دو طرف مغز استفاده می‌کنند، اما طرف چپ مخصوصاً در کمک به شما با کلمات و اعداد و کمک به شما برای خواندن و حرف زدن خوب است. طرف راست برای وظایف خلاقانه مثل موسیقی و هنر بهتر است و حس شوخطبی شما آن جا توسعه می‌یابد.

هر نیمه چهار دست لوب دارد. لوب‌های پیشین در پشت پیشانی شما بسیاری از تفکر و برنامه‌ریزی را انجام می‌دهند. لوب‌های جداری در پشت سر شما درد را حس می‌کنند و لوب‌های پس‌سری در مرکز مغز به شما اجازه دیدن می‌دهند. لوب‌های گیجگاهی پشت گوش‌هایتان خاطرات موسیقی، طعم، تخلیل و لمس را ذخیره می‌کنند.



دفترچه پاسخ

آزمون

«۹۸ آذر ماه»

اختصاصی نظام قدیم ریاضی

گزینشگران و ویراستاران

نام درس	دیفرانسیل و ریاضی پایه	هنر	ریاضیات گسسته	فیزیک	شیمی
گزینشگر	عادل حسینی	امیرحسین ابو محظوب	بابک اسلامی	محمد حسن محمدزاده مقدم	
گروه ویراستاری	علی ارجمند پویک مقدم	علی ارجمند	امیر محمودی انزانی سجاد شهرابی فراهانی	مرتضی خوش کیش	
مسئول درس	عادل حسینی	امیرحسین ابو محظوب	امدادیین خرمی	محمد حسن محمدزاده مقدم	

گروه فنی و تولید

محمد اکبری	مدیر گروه
فریده هاشمی	مسئول دفترچه
مدیر گروه: فاطمه رسولی نسب	گروه مستندسازی
ندا اشرفی	حروفنگار و صفحه‌آرا:
سوران نعیمی	ناظر چاپ

گروه آزمون

بنیاد علمی آموزشی قلمچی «وقف عام»

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ - تلفن: ۰۶۴۶۳-۲۱



(کلر و شاه منصوریان)

-۸۶

با استفاده از قضیه فشردگی می دانیم که $\lim_{u \rightarrow 0} u \left| \frac{1}{u} \right| = 1$ ، لذا

با توجه به این که $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{1}{x-1} = \infty$. با توجه به این که $\lim_{x \rightarrow 1} (x-1) \left| \frac{1}{x-1} \right| = 1$ موجود نمی باشد، پس باید عبارت $x^2 + ax + b$ باشد، یعنی به صورت زیر:

$$\lim_{x \rightarrow 1} (x-1) \left| \frac{1}{x-1} \right| = \lim_{x \rightarrow 1} (x-1) \times \lim_{x \rightarrow 1} (x-1) \left| \frac{1}{x-1} \right| = 0 \times 1 = 0$$

$$\Rightarrow x^2 + ax + b = (x-1)^2 = x^2 - 2x + 1 \Rightarrow \begin{cases} a = -2 \\ b = 1 \end{cases} \Rightarrow a - b = -3$$

(دیفرانسیل - مر و پیوستگی: صفحه های ۷۱ تا ۷۵)

(سعید مدیرفر اسانی)

-۸۷

$$\lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{x-1}{|x-1|} + \lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{x-1}{|x-1|} = \lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{x-1}{-(x-1)} + \lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{+}{+} = -1 + 0 = -1$$

(دیفرانسیل - مر و پیوستگی: صفحه های ۷۱ تا ۷۵)

(سعید مدیرفر اسانی)

-۸۸

$$\lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{\sqrt{x^2 - 4}}{\sqrt{x} - \sqrt{2} + \sqrt{x-2}} = \lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{\sqrt{x-2}\sqrt{x+2}}{\sqrt{x-2}(\frac{\sqrt{x}-\sqrt{2}}{\sqrt{x-2}} + 1)}$$

$$= \lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{\sqrt{x+2}}{(\frac{\sqrt{x}-\sqrt{2}}{\sqrt{x-2}} \times \frac{\sqrt{x}+\sqrt{2}}{\sqrt{x}+\sqrt{2}} + 1)}$$

$$\lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{\sqrt{4}}{(\frac{x-2}{\sqrt{x-2}} \times \frac{1}{\sqrt{2}} + 1)} = \lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{2}{(\sqrt{x-2} \times \frac{1}{\sqrt{2}} + 1)} = \frac{2}{0+1} = 2$$

(دیفرانسیل - مر و پیوستگی: صفحه های ۷۱ تا ۷۵)

(محمد ستاری)

-۸۹

تابع f در نقاطی حد دارد که $\sqrt{1-x} = x+5$ باشد. بنابراین داریم:

$$1-x = x^2 + 10x + 25 \Rightarrow x^2 + 11x + 24 = 0 \Rightarrow (x+3)(x+8) = 0 \Rightarrow \begin{cases} x = -3 \\ x = -8 \end{cases}$$

چون به ازای $x = -8$ عبارت $x+5$ منفی می شود، غیرقابل قبول است پس $a = -3$ است.

$$\Rightarrow \lim_{x \rightarrow (-3)^+} g(x) = \frac{1}{-3} = -\frac{1}{3}$$

(دیفرانسیل - مر و پیوستگی: صفحه های ۷۱ تا ۷۵)

(کاظم اجلالی)

-۹۰

$$\lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{\sin \frac{\pi}{x}}{1 - \frac{1}{x^2}} = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sin \left(\pi - \frac{\pi}{x} \right)}{\left(1 - \frac{1}{x} \right) \left(1 + \frac{1}{x} \right)} = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sin \left(\pi \left(1 - \frac{1}{x} \right) \right)}{\pi \left(1 - \frac{1}{x} \right)} \times \lim_{x \rightarrow 1} \frac{\pi}{1 + \frac{1}{x}}$$

$$\frac{\pi \left(1 - \frac{1}{x} \right)}{x} = t \Rightarrow \lim_{t \rightarrow 0^+} \frac{\sin t}{t} \times \lim_{x \rightarrow 1} \frac{\pi}{1 + \frac{1}{x}} = 1 \times \frac{\pi}{2} = \frac{\pi}{2}$$

(دیفرانسیل - مر و پیوستگی: صفحه های ۷۱ تا ۷۵)

(سعید پعصری کافی‌آباد)

-۹۱

$$\sin^3 x = 1 - \cos^3 x$$

$$1 + \cos^3 x = (1 + \cos x)(1 - \cos x + \cos^2 x)$$

$$\lim_{x \rightarrow \pi} \frac{1 + \cos^3 x}{\sin^3 x} = \lim_{x \rightarrow \pi} \frac{(1 + \cos x)(1 - \cos x + \cos^2 x)}{1 - \cos^3 x}$$

$$= \lim_{x \rightarrow \pi} \frac{(1 + \cos x)(1 - \cos x + \cos^2 x)}{(1 - \cos x)(1 + \cos x)} = \frac{3}{2}$$

(دیفرانسیل - مر و پیوستگی: صفحه های ۷۱ تا ۷۵)

(دیفرانسیل - مر و پیوستگی: صفحه های ۷۱ تا ۷۵)

دیفرانسیل

-۸۱

(محمد رضا شوکتی پیرق)

$$\frac{(2a+1)+(3a-4)}{2} = a \Rightarrow 5a - 3 = 2a \Rightarrow a = 1$$

$$\frac{(2a+1)-(3a-4)}{2} = \frac{-a+5}{2} = \frac{a+1}{2}$$

(مسابقات - مر و پیوستگی: صفحه های ۱۴۰ تا ۱۴۱)

(کاظم اجلالی)

-۸۲

فرض کنید L باشد، بنابراین داریم:

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x-f(x)}{x+f(x)} = \frac{\lim_{x \rightarrow 2} x - \lim_{x \rightarrow 2} f(x)}{\lim_{x \rightarrow 2} x + \lim_{x \rightarrow 2} f(x)} = \frac{2-L}{2+L} = 3$$

$$\Rightarrow 2-L = 6+3L \Rightarrow 4L = -4 \Rightarrow L = -1$$

$$\lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{x^2 - f(x)}{x^2 + f(x)} = \frac{\lim_{x \rightarrow 2^+} x^2 - \lim_{x \rightarrow 2^+} f(x)}{\lim_{x \rightarrow 2^+} x^2 + \lim_{x \rightarrow 2^+} f(x)} = \frac{4-(-1)}{4+(-1)} = \frac{5}{3}$$

(مسابقات - مر و پیوستگی: صفحه های ۱۴۲ تا ۱۴۳)

(سعید پعصری کافی‌آباد)

-۸۳

مثال نقض گزینه ۱ « f تابع $[x]$ و $g(x) = [x]$ هر دو در $x = 2$ حد ندارند. اما $f(x)g(x) = 1$ حد دارد؛ زیرا $f(x) = x^2 - 1$ و $g(x) = x$ هر دو در $x = 2$ حد ندارند. اما $f(x)g(x) = x^2 - 1$ حد ندارد. زیرا حاصل حد نامتناهی است.مثال نقض گزینه ۲ « f تابع $[x]$ و $g(x) = x^2 - 1$ هر دو در $x = 2$ حد ندارند. اما $f(x)+g(x) = 0$ حد ندارد؛ زیرا $f(x)+g(x) = x^2 - 1 + x$ در $x = 2$ حد دارد.مثال نقض گزینه ۳ « f تابع $[x]$ و $g(x) = -[x]$ هر دو در $x = 2$ حد ندارند. اما $f(x)+g(x) = 0$ است. یعنی $f(x)+g(x) = 0$ حد ندارد؛ زیرا $f(x)+g(x) = x^2 - 1 - x$ در $x = 2$ حد دارد.

(میبی شبیعی)

-۸۴

$$\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{g(x)}{f(x)} = -\infty \quad \text{و} \quad \lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{g(x)}{f(x)} = +\infty$$

مثال نقض گزینه ۴ « f تابع $[x]$ و $g(x) = -[x]$ هر دو در $x = 2$ حد ندارند. اما $f(x)g(x) = 1$ است. یعنی $f(x)g(x) = x^2 - 1 - x$ تابع $f(x)+g(x) = 0$ است و در $x = 2$ حد دارد.مثال نقض گزینه ۵ « f تابع $[x]$ و $g(x) = x^2 - 1$ هر دو در $x = 2$ حد ندارند. اما $f(x)+g(x) = 0$ است. یعنی $f(x)+g(x) = x^2 - 1 + x$ تابع $f(x)+g(x) = 0$ در $x = 2$ حد دارد. واضح است که تابع $f-g$ در $x = 0$ حد ندارد.

(مسابقات - مر و پیوستگی: صفحه های ۱۴۵ تا ۱۴۶)

(هادی پلاور)

-۸۵

توابعی به فرم $y = \begin{cases} a & ; x \in \mathbb{Q} \\ b & ; x \notin \mathbb{Q} \end{cases}$ (اگر $a \neq b$) در هیچ نقطه ای حد ندارند. لذا در اینسؤال تابع f در تمام نقاط \mathbb{R} فاقد حد است اما کراندار است. پس زمانی که ضرب f یعنی $(x^3 - 4x^2)$ برابر صفر شود تابع g حد خواهد داشت:

$$x^3 - 4x^2 = 0 \Rightarrow x^2(x-4) = 0 \Rightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = 4 \end{cases}$$

بنابراین تابع g در نقاط $x = 0$ و $x = 4$ حد دارد.

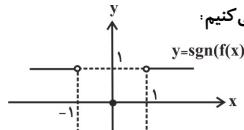
(دیفرانسیل - مر و پیوستگی: صفحه های ۷۱ تا ۷۵)



(ممدوح‌رضا اسلامی)

-۹۶

$$\text{با توجه به تابع علامت یعنی } \text{sgn}(x) = \begin{cases} 1 & ; x > 0 \\ 0 & ; x = 0 \\ -1 & ; x < 0 \end{cases}, \text{ برای تشکیل ضابطه تابع } f(x), y, \text{ به علامت تابع } f(x) \text{ توجه می‌کنیم:}$$



پس با توجه به نمودار تابع، در $x = 0$ تابع دارای حد ۱- است ولی مقدار تابع صفر است. یعنی تابع ناپیوسته است.

(دیرانسیل- مر و پیوستگی: صفحه‌های ۸۷ تا ۸۹)

(سراسری ریاضی فارج از کشور - ۸۵)

-۹۷

می‌دانیم تابع $[x]$ در نقاط صحیح ناپیوسته است، لذا برای بررسی پیوستگی این تابع، باید پیوستگی تابع را در سه نقطه ۳، ۴ و ۵ بررسی کنیم، به عنوان مثال در $x = 3$ داریم:

$$f(3) = \sin(3 - [3])\pi = \sin(0)\pi = 0$$

$$\lim_{x \rightarrow 3^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow 3^+} \sin(x - [x])\pi = \sin(3^+ - [3^+])\pi = \sin(\pi) = 0$$

$$\lim_{x \rightarrow 3^-} f(x) = \lim_{x \rightarrow 3^-} \sin(x - [x])\pi = \sin(3^- - [3^-])\pi = \sin(0) = 0$$

تابع در نقطه‌ای به طول ۳ پیوسته است، برای هر نقطه x که عددی صحیح باشد نیز تابع پیوسته خواهد بود، بنابراین تابع در بازه $(2, 6)$ پیوسته است.

(دیرانسیل- مر و پیوستگی: صفحه‌های ۹۱ و ۹۲)

-۹۸

(بیب شفیعی)

۳ پیوسته و صعودی اکید است. پس فقط یک ریشه می‌تواند داشته باشد که با توجه به صورت سوال، این ریشه در بازه $(1, 1)$ - است. طبق قضیه بولزانو داریم:

$$f(-1)f(1) < 0 \Rightarrow (-2 + \log a)(2 + \log a) < 0 \Rightarrow -2 < \log a < 2$$

$$\Rightarrow \log 1/a < \log 100 \Rightarrow 1/a < 100 \Rightarrow a \in \{1, 2, \dots, 99\}$$

(دیرانسیل- مر و پیوستگی: صفحه ۱۰)

(عادل حسینی)

-۹۹

$$f(x) = 2\cos^2 2x - 1 + 3(1 - \cos^2 x)$$

$$= 2(2\cos^2 x - 1)^2 - 1 + 3 - 3\cos^2 x \Rightarrow f(x) = 8\cos^4 x - 11\cos^2 x + 4$$

$$0 \leq x \leq \frac{\pi}{4} \Rightarrow \frac{1}{2} \leq t \leq 1 \quad \text{حال با فرض تغییر متغیر } t = \cos^2 x \text{ داریم:}$$

$$y = 8t^4 - 11t^2 + 4 \quad \text{در این صورت داریم:}$$

$$\frac{1}{2} \leq t \leq 1 \quad \rightarrow y \in [\frac{7}{32}, 1] \quad \text{برد تابع } f : [-1, +\infty)$$

دقیق کنید که به ازای $t = \frac{11}{16}$ (طول رأس سهمی مورد نظر)، مقدار y کمترین خواهد شد.

بنابراین طبق قضیه مقدار میانی، اگر $\frac{7}{32} \leq k \leq 1$ باشد، خط $y = k$ نمودار تابع f را قطعاً قطع خواهد کرد.

(دیرانسیل- مر و پیوستگی: صفحه ۱۰)

(ممدوح‌رضا اسلامی)

-۱۰۰

دامنه تابع f به صورت $(-1, +\infty)$ است و داریم:

$$f(x) = (\sqrt{x+1} - \sqrt{x+5}) \frac{\sqrt{x+1} + \sqrt{x+5}}{\sqrt{x+1} + \sqrt{x+5}} = \frac{-4}{\sqrt{x+1} + \sqrt{x+5}}$$

از آن جا که تابع $y = \sqrt{x+1} + \sqrt{x+5}$ ، صعودی اکید و مثبت است، تابع

$$y = \frac{1}{\sqrt{x+1} + \sqrt{x+5}} \text{ نزولی اکید و در نتیجه صعودی است. پس تابع } f \text{ روی دامنه اش یعنی } D_f = [-1, +\infty) \text{ صعودی اکید، پیوسته و وارون پذیر است. پس تابع } f^{-1} \text{ روی دامنه اش (برد) صعودی اکید و پیوسته است.}$$

$$\begin{cases} f(-1) = -2 \\ \lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 0 \end{cases} \Rightarrow R_f = [-2, 0]$$

پس وارون تابع روی فاصله $(-2, 0)$ پیوسته است و حد اکثر $b - a$ برابر ۲ است.

نتکنند: اگر f روی بازه $[a, b]$ پیوسته، وارون پذیر و صعودی اکید باشد، دامنه f^{-1} برابر $[f(a), f(b)]$ است و اگر f نزولی اکید باشد، دامنه f^{-1} برابر $[f(b), f(a)]$ است.

(دیرانسیل- مر و پیوستگی: صفحه‌های ۱۰ تا ۱۲)

(کاظم اجلالی)

-۹۲

با توجه به اتحاد $\cos x = 2 \sin^2 \frac{x}{2} - 1$ داریم:

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^2}{1 - \cos x} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^2}{2 \sin^2 \frac{x}{2}} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{2 \left(\frac{x}{2}\right)^2}{\sin^2 \left(\frac{x}{2}\right)}$$

از آن جا که مقادیر $\frac{u}{\sin u}$ وقتی $u \rightarrow 0$ ، با مقادیر بزرگ‌تر از یک به یک می‌باشد، خواهیم داشت:

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\left(\frac{x}{2}\right)^2}{\sin^2 \left(\frac{x}{2}\right)} = [2 \times 1^+] = [2^+] = 2$$

(دیرانسیل- مر و پیوستگی: صفحه‌های ۸۵ تا ۸۷)

(ممدوح‌رضا اسلامی)

-۹۲

راه حل اول: به کمک تغییر متغیر $t = \sqrt{\cos x}$ حاصل حد را این گونه به دست می‌آوریم:

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{(\sqrt{\cos x})^2 - (\sqrt{\cos x})^3}{1 - \cos^2 x} = \lim_{t \rightarrow 1^-} \frac{t^2 - t^3}{1 - t^2}$$

$$= \lim_{t \rightarrow 1^-} \frac{t^2(1-t)}{(1-t)(1+t+t^2+\dots+t^{11})} = \frac{1}{1+1+\dots+1} = \frac{1}{12}$$

راه حل دوم: از قاعده هوپیتال استفاده می‌کنیم:

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt[3]{\cos x} - \sqrt{\cos x}}{\sin^2 x} \underset{\text{HOP}}{=} \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\frac{-\sin x}{3\sqrt[3]{\cos^2 x}} + \frac{\sin x}{2\sqrt{\cos x}}}{\frac{-\sin x}{x}} = \frac{\frac{-1}{3\sqrt[3]{\cos^2 x}} + \frac{1}{2\sqrt{\cos x}}}{\frac{-1}{x}} = \frac{\frac{-1}{3} + \frac{1}{2}}{\frac{-1}{12}} = \frac{1}{12}$$

(دیرانسیل- مر و پیوستگی: صفحه‌های ۸۵ تا ۸۷)

(کاظم اجلالی)

-۹۴

با توجه به این که مخرج کسر وقتی $x \rightarrow 0$ ، به صفر می‌باشد، باید صورت L متناهی نمی‌شود:

$$2^2 + 2a - 2 - 6 = 0 \Rightarrow 2a - 2 = 2 \Rightarrow a - 2 = 1 \Rightarrow a = 3$$

$$L = \lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{2^x + 2^3 \times 2^{-x} - 6}{2^2 \times 2^{-x} + 2^2 - 5} = \lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{\frac{2^x + 8}{2^x} - 6}{\frac{4 + 2^{-x}}{2^x} - 5} = \frac{2^x + \frac{8}{2^x} - 6}{\frac{4 + 1}{2^x} - 5} = \frac{1}{12}$$

$$\lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{(2^x)^2 - 6(2^x) + 8}{(2^x)^3 - 5(2^x) + 4}$$

به کمک تغییر متغیر $t = 2^x$ ، حاصل حد را به صورت ساده‌تر می‌نویسیم:

$$L = \lim_{t \rightarrow 4} \frac{t^2 - 6t + 8}{t^3 - 5t + 4} = \lim_{t \rightarrow 4} \frac{(t-4)(t-2)}{(t-4)(t-1)} = \frac{4-2}{4-1} = \frac{2}{3}$$

(دیرانسیل- مر و پیوستگی: صفحه‌های ۸۵ و ۸۷)

(محمد‌مصطفی ابراهیمی)

-۹۵

می‌دانیم $\log x$ است، پس داریم:

$$\log_x^2 - 1 = \frac{(\log x)^2 - 1}{\log x} = \frac{(\log x - 1)(\log x + 1)}{\log x}$$

از طرفی رابطه‌های زیر نیز برقرار هستند:

$$\left(\frac{x}{\log x}\right)^2 = \frac{|x|}{\log x} \quad x > 0 \quad \log x - \log \log x = 2(\log x - 1)$$

$$\Rightarrow \lim_{x \rightarrow 2} \frac{\log x - \log \log x}{\left(\frac{x}{\log x}\right)^2} = \lim_{x \rightarrow 2} \frac{(\log x - 1)(\log x + 1)}{x^2 \log x} = \lim_{x \rightarrow 2} \frac{\log x + 1}{x^2} = \frac{1+1}{2 \times 1} = 1$$

(دیرانسیل- مر و پیوستگی: صفحه‌های ۸۵ تا ۸۷)



$$= \begin{cases} ۳ - x & x \neq -۳ \rightarrow f(2) = 1 \\ A & x = -۳ \rightarrow f(-3) = A \end{cases}$$

$$g(x) = \begin{cases} \frac{(x-2)(x-3)}{x-3} & x \neq 2 \\ B & x = 2 \end{cases}$$

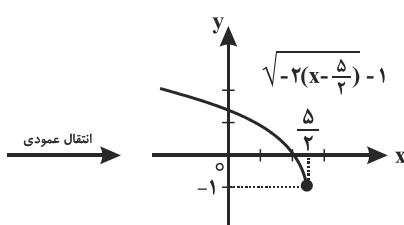
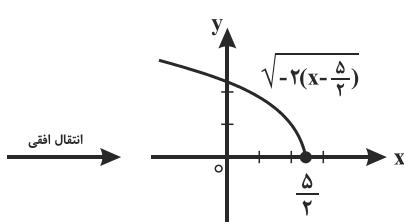
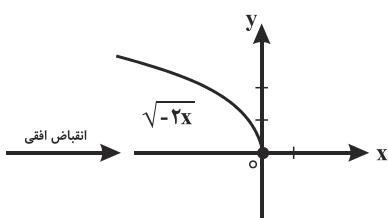
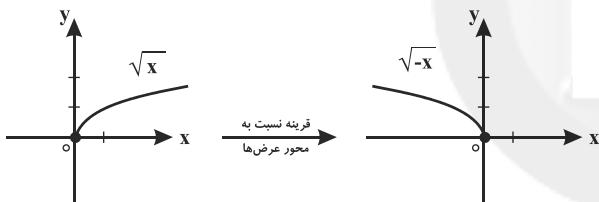
$$= \begin{cases} ۳ - x & x \neq 2 \rightarrow g(-3) = 6 \\ B & x = 2 \rightarrow g(2) = B \end{cases}$$

$$\left. \begin{array}{l} f(2) = g(2) \rightarrow B = 1 \\ g(-3) = f(-3) \rightarrow A = 6 \end{array} \right\} \rightarrow A + B = 7$$

(مسابان - تابع: صفحه‌های ۱۴ و ۱۵)

(عباس اسری / امیرآبادی)

$$y = \sqrt{-2\left(x - \frac{5}{2}\right)} - 1$$



(مسابان - تابع: صفحه‌های ۱۴ و ۱۵)

ریاضی پایه

(عارل فسینی)

-۱۰۱

$$f(0) = 1 + f(1) = 1 + (f(0))^2 - f(0)$$

$$\Rightarrow (f(0) - 1)^2 = 0 \Rightarrow \begin{cases} f(0) = 1 \\ f(1) = 0 \end{cases}$$

با داشتن $f(0)$ و $f(1)$ ، تابع زوج مرتبی f را بازنویسی می‌کنیم:

$$f = \{(a, b), (0, 1), (1, 2a), (1, 0)\}$$

برای اینکه f تابع باشد، باید $(1, 2a) = (1, 0)$ باشد.

$$\Rightarrow 2a = 0 \Rightarrow a = 0$$

و همچنین با داشتن مقدار a داریم:

$$(a, b) = (0, b) = (0, 1) \Rightarrow b = 1$$

(ریاضیات ۲ - تابع: صفحه‌های ۱۷ و ۱۸)

(عارل فسینی)

-۱۰۲

$$y = \frac{2x - 10}{5} = \frac{2}{5}x - 2$$

$$\Rightarrow -2 \leq \frac{2}{5}x - 2 \leq 2 \Rightarrow 0 \leq \frac{2}{5}x \leq 4 \Rightarrow 0 \leq x \leq 10$$

(ریاضیات ۲ - تابع: صفحه‌های ۱۷ و ۱۸)

(بهانفس نیکنام)

-۱۰۳

$$f(x+a) + b = (x+a)^2 + (x+a) + b$$

$$= x^2 + (2a+1)x + a^2 + a + b = g(x)$$

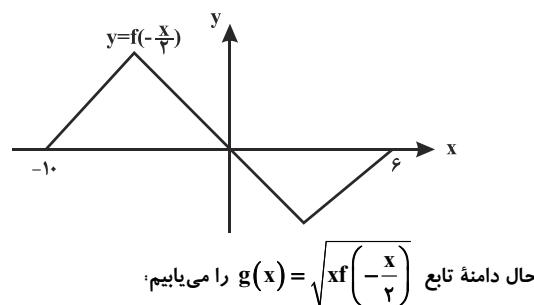
$$\Rightarrow \begin{cases} 2a+1 = 5 \Rightarrow a = 2 \\ a^2 + a + b = 9 \Rightarrow b = 3 \end{cases}$$

(ریاضیات ۲ - توابع خاص، نامعادله و تعیین علامت: صفحه‌های ۶۲ و ۶۳)

(محمد علیزاده)

-۱۰۴

$$f(x) = \begin{cases} \frac{(3-x)(3+x)}{x+3} & x \neq -3 \\ A & x = -3 \end{cases}$$



$$xf\left(-\frac{x}{2}\right) \geq 0$$

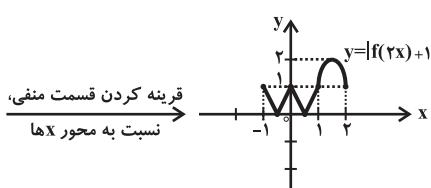
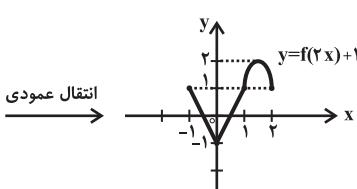
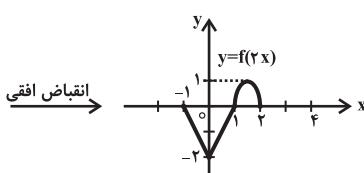
x	-10	0	6
$f\left(-\frac{x}{2}\right)$	+	+	-
$xf\left(-\frac{x}{2}\right)$	+	-	-

$$\Rightarrow D_g = \{-10, 0, 6\}$$

(مسابان - تابع: صفحه‌های ۵۵ تا ۶۴)

(جهانیش نیکنام)

معادله را به فرم $|f(2x) + 1| = m$ می‌نویسیم. نمودار $y = f(2x) + 1$ را رسم می‌کنیم.



مطابق نمودار، برای این که خط $y = m$ نمودار را در ۴ نقطه قطع کند باید $1 < m \leq 2$ باشد.

(مسابان - تابع: صفحه‌های ۵۵ تا ۶۴)

(نسترن زارع)

انتقال یک واحدی
 $f(x) \rightarrow f(x+1)$ به سمت چپ

انعکاس نسبت
 $f(x+1) \rightarrow f(-x+1)$ به محور y ها

انعکاس نسبت
 $f(1-x) \rightarrow -f(1-x)$ به محور X ها

انقباض عمودی
 $-f(1-x) \rightarrow -\frac{1}{4}f(1-x)$ واحدی

(مسابان - تابع: صفحه‌های ۵۵ تا ۶۴)

-۱۰۶

(عارل مسینی)

$$\begin{cases} ۳a - ۵ = -۱ \Rightarrow a = ۲ \\ b = ۳f(-1) - ۷ = ۳(-3) - ۷ = -۱۶ \Rightarrow a - b = ۱ \end{cases}$$

(مسابان - تابع: صفحه‌های ۵۵ تا ۶۴)

-۱۰۷

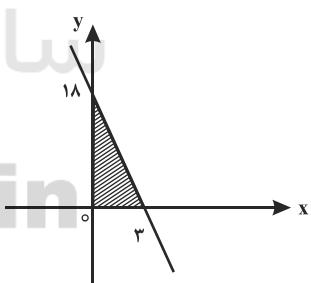
(عزیز الله علی اصغری)

تابع $g(x)$ یک خط با شیب (-1) و عرض از مبدأ 3 است؛ بنابراین:

$$g(x) = -x + 3 \Rightarrow f(x) = -x + 5$$

$$h(x) = 3[-(2x - 1) + 5] = -6x + 18$$

شکل زیر، نمودار $h(x)$ را نمایش می‌دهد:



$$\Rightarrow S = \frac{1}{2}(3)(18) = 27$$

(مسابان - تابع: صفحه‌های ۵۵ تا ۶۴)

(عزیز الله علی اصغری)

ابتدا از روی $f(x)$ نمودار $f(-x)$ را رسم کرده و سپس در راستای افقی

آن را ۲ برابر منبسط می‌کنیم تا $\left(-\frac{x}{2}\right)$ به دست آید.

-۱۰۸



(سروش موئین)

-۱۱۶

$$\begin{aligned} x^2 + 4y^2 + 4x = k &\Rightarrow (x+2)^2 + 4y^2 = k+4 \\ \Rightarrow \frac{(x+2)^2}{k+4} + \frac{y^2}{\frac{k+4}{4}} &= 1 \\ \Rightarrow c^2 = a^2 - b^2 = k+4 - \frac{k+4}{4} &= \frac{3}{4}(k+4) \\ \Rightarrow c = \frac{\sqrt{3(k+4)}}{2} &\Rightarrow FF' = 2c = \sqrt{3(k+4)} = 3\sqrt{2} \\ \Rightarrow 3(k+4) = 18 &\Rightarrow k+4 = 6 \Rightarrow k = 2 \end{aligned}$$

(هنرسه تحلیلی - مقاطع مفروطی، صفحه‌های ۵۵ تا ۶۲)

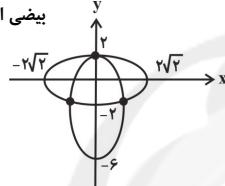
(علی ساوین)

-۱۱۷

معادله هر دو بیضی را به حالت استاندارد در می‌آوریم و آنها را در یک دستگاه مختصات رسم

$$\begin{aligned} x^2 + 2y^2 - 8 = 0 &\Rightarrow x^2 + 2y^2 = 8 \Rightarrow \frac{x^2}{8} + \frac{y^2}{4} = 1 \quad \text{می‌کنیم:} \\ \text{بیضی افقی و } O(0,0), a = 2\sqrt{2}, b = 2 &: \text{مرکز بیضی} \\ 4x^2 + y^2 + 4y - 12 = 0 & \\ \Rightarrow 4x^2 + (y+2)^2 = 16 & \\ \Rightarrow \frac{x^2}{4} + \frac{(y+2)^2}{16} = 1 & \\ \Rightarrow \text{بیضی قائم و } O'(0,-2), a = 4, b = 2 &: \text{مرکز بیضی} \end{aligned}$$

با توجه به شکل، دو بیضی، سه نقطه مشترک دارند.



(هنرسه تحلیلی - مقاطع مفروطی، صفحه‌های ۵۵ تا ۶۲)

(نصریل میرزا)

-۱۱۸

$$S_{A'B'F}^{\Delta} = 5S_{BFA}^{\Delta} \Rightarrow \frac{1}{2} \times A'F \times OB' = 5 \times \frac{1}{2} \times AF \times OB$$

$$\Rightarrow A'F = 5AF \Rightarrow a+c = 5(a-c) \Rightarrow 4a = 8c \Rightarrow e = \frac{c}{a} = \frac{2}{3}$$

(هنرسه تحلیلی - مقاطع مفروطی، صفحه‌های ۵۵ تا ۶۲)

(محمد رضا لاورنزا)

-۱۱۹

چون مثلث \hat{PFF}' در رابطه فیناگورس صدق می‌کند، پس $\angle FPF' = 90^\circ$ است. یعنی P روی دایره‌ای به قطر FF' یا دایره‌ای به مرکز بیضی و شعاع c قرار دارد. از آن‌جا که $c^2 = a^2 - b^2 = 4 - 1 = 3$ ، پس $c = \sqrt{3}$ و چون $b = \sqrt{3} > 1 = c$ ، پس دایره بیضی را در $\angle FPF'$ نقطه قطع می‌کند و $\angle FPF' = 90^\circ$ دارد.

(هنرسه تحلیلی - مقاطع مفروطی، صفحه‌های ۵۵ تا ۶۲)

(امیرحسین امومه‌وب)

-۱۲۰

می‌دانیم در هر بیضی $a < e < b$ است. هر بیضی که خروج از مرکز آن به یک نزدیک‌تر باشد، کشیده‌تر می‌شود و هر چقدر خروج از مرکز به سمت صفر میل کند، به دایره بیشتر شیوه می‌شود پس بیضی‌ای که دارای کوچک‌ترین خروج از مرکز باشد، به دایره نزدیک‌تر است. داریم:

$$e = \frac{c}{a} = \sqrt{1 - \frac{b^2}{a^2}} = \sqrt{1 - \min \left(\frac{x^2}{a^2} \text{ یا } \frac{y^2}{b^2} \right)}$$

$$1) e = \sqrt{1 - \frac{1}{3}} = \frac{\sqrt{2}}{3} \quad 2) e = \sqrt{1 - \frac{2}{3}} = \frac{\sqrt{3}}{3}$$

$$3) e = \sqrt{1 - \frac{1}{2}} = \frac{\sqrt{2}}{2} \quad 4) e = \sqrt{1 - \frac{3}{4}} = \frac{1}{2}$$

بنابراین بیضی داده شده با مقدار $k = 3$ دارای کوچک‌ترین خروج از مرکز است و شکل آن به دایره نزدیک‌تر است.

(هنرسه تحلیلی - مقاطع مفروطی، صفحه‌های ۵۵ و ۶۲)

هندسه تحلیلی

-۱۱۱

(رضا عباس‌اصل)

اگر P نقطه‌ای دلخواه از بیضی باشد، داریم:

$$\sqrt{(2-10)^2 + (5-1)^2} + \sqrt{(2-10)^2 + (-3-1)^2} = 2a$$

$$\Rightarrow 2\sqrt{18} = 2a \Rightarrow a = 4\sqrt{5}$$

$$FF' = 2c \Rightarrow 2c = 2a \Rightarrow c = 4$$

$$b^2 = a^2 - c^2 = 16 - 16 = 0 \Rightarrow b = 0$$

(هنرسه تحلیلی - مقاطع مفروطی، صفحه‌های ۵۱ تا ۶۰)

-۱۱۲

(محمد ابراهیم‌آزاده)

$$\Delta OAB : AB^2 = OA^2 + OB^2 \Rightarrow (a+c)^2 = a^2 + b^2 \Rightarrow b^2 = a^2 - c^2$$

$$a^2 + 2ac + c^2 = a^2 + a^2 - c^2 \Rightarrow 2ac + 2c^2 = 0 \Rightarrow a^2 + c^2 = 0$$

$$2\left(\frac{c}{a}\right)^2 + 2\left(\frac{c}{a}\right) - 1 = 0$$

$$\frac{c}{a} = e \Rightarrow 2e^2 + 2e - 1 = 0, e > 0 \Rightarrow e = \frac{\sqrt{3}-1}{2}$$

(هنرسه تحلیلی - مقاطع مفروطی، صفحه‌های ۵۱ تا ۶۰)

-۱۱۳

کمترین فاصله نقاط بیضی تا مرکز آن، برابر نصف طول قطر کوچک بیضی است. پس داریم:

$$\begin{aligned} S_{PFF'}^{\Delta} &= \frac{1}{2}b(2c) = bc \Rightarrow 6 = 2\sqrt{3}c \Rightarrow c = \frac{6}{2\sqrt{3}} = \sqrt{3} \\ a &= \sqrt{b^2 + c^2} = \sqrt{12+3} = \sqrt{15} \end{aligned}$$

$$e = \frac{c}{a} = \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{15}} = \frac{1}{\sqrt{5}} = \frac{\sqrt{5}}{5}$$

(هنرسه تحلیلی - مقاطع مفروطی، صفحه‌های ۵۱ تا ۶۰)

-۱۱۴

(علی سعیدی‌زاده)

اگر نقاط مورد نظر را به صورت $M(x,y)$ نمایش دهیم و باشد، آن‌گاه

طبق فرض $|MA|$ باشد. $\frac{1}{3}$ فاصله M تا خط $x = -4$ باشد. بنابراین:

$$\begin{aligned} x = -4 & \\ |MA| = \frac{1}{3}|MH| &\Rightarrow \sqrt{(x-0)^2 + (y-2)^2} = \frac{1}{3}|x+4| \\ \Rightarrow 9x^2 + 9(y-2)^2 &= x^2 + 8x + 16 \Rightarrow 8x^2 - 8x + 9(y-2)^2 = 16 \end{aligned}$$

$$\Rightarrow 8\left(x - \frac{1}{2}\right)^2 + 9(y-2)^2 = 16 \Rightarrow \frac{(x-\frac{1}{2})^2}{\frac{9}{8}} + \frac{(y-2)^2}{\frac{16}{9}} = 1$$

مکان هندسی مورد نظر یک بیضی افقی است. که بزرگ‌ترین وتر آن، قطر بزرگ بیضی است. داریم: $a^2 = \frac{9}{8} \Rightarrow a = \frac{3}{2} \Rightarrow 2a = 3$

(هنرسه تحلیلی - مقاطع مفروطی، مشابه تمرین ۵، صفحه ۶۰)

-۱۱۵

(محمد‌مهدی محسن‌زاده طبری)

معادله دایره به صورت $x^2 + (y+1)^2 = 4$ است. پس $O(0, -1)$ مرکز و y هاست. پس بیضی قائم است و داریم: $2a = 4 + 2 = 6 \Rightarrow a = 3$

$$2b = 4 - 2 = 2 \Rightarrow b = 1$$

$$\frac{(x-\alpha)^2}{b^2} + \frac{(y-\beta)^2}{a^2} = 1 \quad : \text{معادله بیضی قائم}$$

$$\Rightarrow \frac{x^2}{1} + \frac{(y+1)^2}{9} = 1 \Rightarrow 9x^2 + y^2 + 2y + 1 = 9$$

$$\Rightarrow 9x^2 + y^2 + 2y - 8 = 0$$

(هنرسه تحلیلی - مقاطع مفروطی، صفحه‌های ۵۱ تا ۶۰)



(علی ایمان)

-۱۲۶

چون سه عدد اول، عددی زوج شده است. یا هر سه عدد زوج یا یک عدد زوج و دو تای دیگر فرد هستند. چون سه عدد زوج متمایز اول وجود ندارد، بنابراین داریم:

$$a+b+c = 2 \Rightarrow a = 2, b+c = 1$$

$$\begin{cases} a = 2, b = 1, c = 1 \\ a = 2, b = 1, c = 1 \end{cases} \Rightarrow a.b.c = 1$$

$$\begin{cases} a = 2, b = 1, c = 1 \\ a = 2, b = 1, c = 1 \end{cases} \Rightarrow a.b.c = 1$$

(ریاضیات گسسته - نظریه اعداد، صفحه‌های ۳۸ و ۳۹)

(سید محمد ذوالفقاری)

-۱۲۷

$$d = (\lambda n + 6, 12n + 10) = 2(\lambda n + 3, 6n + 5) = 2d'$$

$$d' = (4n + 3, 6n + 5)$$

$$\begin{cases} d' | 4n + 3 & \xrightarrow{x^3} \\ d' | 6n + 5 & \xrightarrow{x^2} \end{cases} \begin{cases} d' | 12n + 9 \\ d' | 12n + 10 \end{cases} \Rightarrow d' | 1 \Rightarrow d' = 1 \Rightarrow d = 2$$

(ریاضیات گسسته - نظریه اعداد، صفحه‌های ۴۰ و ۴۱)

(علی سعیدی‌زاده)

-۱۲۸

با توجه به این که تعداد مقسوم علیه‌های طبیعی $N = p_1^{\alpha_1} p_2^{\alpha_2} \dots p_n^{\alpha_n}$ برابر است با $(\alpha_1 + 1)(\alpha_2 + 1) \dots (\alpha_n + 1)$. پس یکی از سه حالت زیر رخ می‌دهد.

$$12p^3 = 2^2 \times 3 \times p^2$$

$$\frac{p=2}{N = 2^4 \times 3} \Rightarrow D(N) = 5 \times 2 = 10$$

$$\frac{p=3}{N = 2^2 \times 3^3} \Rightarrow D(N) = 3 \times 4 = 12$$

$$\frac{p>3}{N = 2^2 \times 3 \times p^2} \Rightarrow D(N) = 3 \times 2 \times 3 = 18$$

(ریاضیات گسسته - نظریه اعداد، صفحه‌های ۴۰ و ۴۱)

(امیرحسین ابوالمحبوب)

-۱۲۹

نکته: ۱) اگر $a, b = d$ ، آنگاه $(a, b) = d$

۲) اگر $(a, bc) = 1$ ، آنگاه $(a, b) = 1$

با توجه به نکات فوق داریم:

$$(a, b) = 1 \Rightarrow (a, b + ac) = 1$$

گزینه «۱»:

$$(a, bc) = 1 \Rightarrow (a, bc + ab) = 1$$

گزینه «۲»:

$$(a, bc) = 1 \Rightarrow (a, bc + a(b + c)) = 1$$

گزینه «۳»:

$$\Rightarrow (a, ab + ac + bc) = 1$$

گزینه «۳» در حالت کلی برقرار نیست مثلاً اگر $a = 2$ و $b = 3$ و $c = 5$ باشد.

$$(2, 10) = 2 \neq 1$$

داریم:

(ریاضیات گسسته - نظریه اعداد، صفحه‌های ۴۰ و ۴۱)

(رضا پورحسینی)

-۱۳۰

$$162 \times 2^x = 81 \times 2 \times 2^x = 3^4 \times 2^{x+1}$$

حال تعداد عوامل ۲ را در ! حساب می‌کنیم:

$$\left[\frac{50}{2} \right] + \left[\frac{50}{4} \right] + \left[\frac{50}{8} \right] + \left[\frac{50}{16} \right] + \left[\frac{50}{32} \right] = 47$$

$$x+1 = 47 \Rightarrow x = 46$$

(ریاضیات گسسته - نظریه اعداد، صفحه‌های ۳۸ و ۳۹)

ریاضیات گسسته

-۱۲۱

(رضا پورحسینی)

هر ترتیب خطی از دو عدد ۱۵ و ۲۴، مضربی از ب.م.م این دو عدد، یعنی مضربی از عدد ۳ است، بنابراین داریم:

$$\{15m + 24n - 12 \mid m, n \in \mathbb{Z}\} = \{3k - 12 \mid k \in \mathbb{Z}\}$$

با فرض $k = 6$ ، کوچکترین عدد طبیعی عضو این مجموعه، برابر ۱ است.

(ریاضیات گسسته - نظریه اعداد، صفحه‌های ۴۰ و ۴۱)

-۱۲۲

(همون نورانی)

ابتدا گزینه «۲»: طبق صورت سوال داریم:

$$(a, b) = (bq + r, b) = (bq + r - bq, b) = (r, b)$$

نکته: برای دو عدد صحیح n, m داریم: $(k \in \mathbb{Z})$

$$(m, n) = (m, n \pm km)$$

به عنوان مثال نقض برای سایر گزینه‌ها، می‌توان مقادیر $a = 42$ و $b = 6$ را در نظر گرفت که در این صورت $q = 6$ و $r = 0$ است.

(ریاضیات گسسته - نظریه اعداد، صفحه‌های ۴۰ تا ۴۲)

-۱۲۳

(همایون شریک)

اگر عدد n مرکب باشد، حداقل یک مقسوم علیه اول کوچکتر یا مساوی \sqrt{n} دارد.

بنابراین برای تشخیص اول یا مرکب بودن عدد ۱۷۳، آن را به اعداد اول کوچکتر از $\sqrt{173}$ تقسیم می‌کنیم، اگر بر هیچ یک بخش پذیر نبود، اول است.

$$13 < \sqrt{173} < 14$$

$$2, 3, 5, 7, 11, 13 : \text{اعداد اول}$$

(ریاضیات گسسته - نظریه اعداد، صفحه‌های ۳۹ و ۴۰)

-۱۲۴

(سروش موئینی)

عدد $1393! + 10$ نیست، چون بر ۱۰ بخش پذیر است. بهطور کلی عدد $n! + r$ وقتی $n \leq r \leq n$ است.

نیست چون بر ۱۱ بخش پذیر است. بهطور کلی عدد $n! + r$ وقتی $n \leq r \leq n$ است.

نیست، چون $n!$ در حاصل ضرب n وجود دارد و این عدد به r بخش پذیر است. پس

از $1393! + 10$ تا $1393! + 1393!$ عدد اول وجود ندارد. $1393! + 1394$ و $1393! + 1395$ هم زوج بوده و اول نیستند. 1395 هم $1393! + 1395$ هم بـ ۵ بخش پذیر است، پس اول نیست.

(ریاضیات گسسته - نظریه اعداد، صفحه‌های ۳۸ و ۳۹)

-۱۲۵

(سروش موئینی)

$$p = r^3 - q^3 = (r - q)(r^2 + rq + q^2)$$

اما p اول است، پس $r - q = 1$ و داریم:

$$r = 3, q = 2 \Rightarrow p = 3^3 - 2^3 = 19$$

بنابراین داریم: $p + q + r = 19 + 2 + 3 = 24$

(ریاضیات گسسته - نظریه اعداد، صفحه‌های ۳۸ و ۳۹)



از طرفی می‌دانیم به ازای $x > 0$, $x + \frac{1}{x} \geq 2$, پس به ازای $x > 0$, $\frac{a}{b} + \frac{b}{a} \geq 2$ و در نتیجه حداقل مقدار $n - 2$, برابر ۲ و حداقل مقدار n , برابر ۴ است.

(بیر و احتمال - استدلال ریاضی: صفحه‌های ۲۱ تا ۲۳)

(رضا عباس‌اصل) - ۱۳۶

عکس قضیه‌های شرطی گزینه‌های «۱» و «۲» و «۳» برقرار است. پس می‌توان آنها را به صورت یک قضیه دو شرطی نوشت. گزینه «۴» به ازای n های زوج، یک قضیه دو شرطی نیست. به عنوان مثال نقض داریم:

$$n = 2 : x^2 > 1 \Rightarrow x > 1$$

(بیر و احتمال - استدلال ریاضی: صفحه‌های ۲۰ و ۲۱)

(غیرهار صابر) - ۱۳۷

از مثال نقض برای رد کردن حکم استفاده می‌کنیم:

$$A = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 0 & 0 \end{bmatrix} \neq 0$$

$$B = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 0 \end{bmatrix} \neq 0$$

$$AB = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 0 \\ 0 & 0 \end{bmatrix}$$

(بیر و احتمال - استدلال ریاضی: صفحه‌های ۱۶ تا ۲۸)

(امیر محمدراهی) - ۱۳۸

حالتی را در نظر بگیرید که از هر رنگی ۳ گوی برداشته‌ایم. با توجه به تعداد گوی‌های هر رنگ، در این حالت باید ۱۲ گوی برداریم تا از هر رنگ ۳ گوی داشته باشیم. چنانچه یک گوی دیگر از این جمعه انتخاب کنیم، آنگاه قطعاً رنگ گوی آخر با ۳ گوی از ۱۲ گوی قبلی یکسان است و در نتیجه ۴ گوی از یک رنگ در بین گوی‌های خارج شده وجود خواهد داشت.

(بیر و احتمال - استدلال ریاضی: صفحه‌های ۲۰ تا ۲۸)

(مادره کرستان) - ۱۳۹

برای هر عدد حقیقی مانند a که $a < 4 < 5$ طبق تعریف جزء صحیح داریم:

$$[a] \in \{0, 1, 2, 3\}$$

پس اگر هر یک از اعداد صحیح $\{0, 1, 2, 3\}$ را لانه و 37 عدد را کوتیر در نظر بگیریم، چون $4 \times 9 < 37 < 4 \times 10$ پس حداقل در یک لانه $= 10 - 9 + 1 = 10$ کوتیر جای می‌گیرند.

(بیر و احتمال - استدلال ریاضی: صفحه‌های ۲۱ تا ۲۸)

(سروش موئین) - ۱۴۰

اعداد دو رقمی مضرب ۳ عبارت‌اند از: ۱۲، ۱۵، ۱۸، ۱۱، ۹۶ و ۹۹, که در مجموع 30 عدد هستند.

حالاتی که مجموع دو عدد از میان این اعداد برابر 96 باشد، به صورت $(12, 84)$, $(15, 81)$, ... و $(45, 51)$ است که شامل 12 گروه می‌باشد.

همچنین اعداد $48, 87, 90, 93, 96$ و 99 در هیچ گروهی نیستند.

در بدترین حالت از هر گروه یک عضو و تمام اعداد بدون گروه را بر می‌داریم (روی هم $18 + 6 = 12 + 6$ عضو) و در انتخاب نوزدهم مطمئن هستیم

که قطعاً دو عدد با مجموع 96 وجود دارد.

(بیر و احتمال - استدلال ریاضی: صفحه‌های ۲۰ تا ۲۸)

جبر و احتمال

(امیرحسین ابومهوب)

- ۱۳۱

$$P(1) + P(1) = 12 = 2 \times 6$$

$$P(k) : k^3 + 11k = 6q \quad (q \in \mathbb{N})$$

$$P(k+1) : (k+1)^3 + 11(k+1) = 6q' \quad (q' \in \mathbb{N})$$

با ساده کردن عبارت حکم استقرا:

$$k^3 + 3k^2 + 3k + 1 + 11k + 11 = (k^3 + 11k) + 12 + 3k(k+1)$$

با توجه به فرض $k^3 + 11k = 6q$ و همین طور 12 نیز مضرب 6 است، پس

$$2k(k+1) = 6t \Rightarrow k(k+1) = 3t$$

یعنی حاصل ضرب دو عدد طبیعی متولی، بر 2 بخش‌پذیر است.

(بیر و احتمال - استدلال ریاضی: صفحه‌های ۵ تا ۹)

(امیرحسین ابومهوب)

- ۱۳۲

اگر عدد طبیعی n مضرب 3 نباشد، مربع آن به صورت $n^2 = 3k + 1$ است. بنابراین، برای این که مجموع مربعات اعدادی که مضرب 3 نیستند بر 3 بخش‌پذیر باشد، باید تعداد آنها مضرب 3 یعنی 0 یا 3 یا 6 ... باشد. در این صورت حداقل تعداد اعدادی از بین 8 عدد طبیعی مورد نظر که مضرب 3 هستند برابر $2 - 6 = 8$ خواهد بود.

(بیر و احتمال - استدلال ریاضی: صفحه‌های ۱۷ تا ۲۱)

(نور میری) - ۱۳۳

اگر $p > 3$ عددی اول باشد، آن‌گاه به یکی از دو صورت $p = 6k + 1$ یا $p = 6k + 5$ نوشته می‌شود؛ پس اگر هر دو عدد اول p_1 و p_2 به صورت $p_1 + 1$ یا $p_2 + 1$ باشند، حاصل ضربشان به فرم $6q + 1$ در خواهد آمد و اگر یکی از آن‌ها به فرم $6k + 1$ و دیگری به فرم $6k + 5$ باشد، حاصل ضرب آن‌ها به فرم $6q + 5$ می‌شود. پس گزینه «۳» یک قضیه کلی است، اما مثال نقض برای رد گزینه‌های 2 و 4 عبارت‌اند از:

گزینه «۲»: اگرچه $2 + \sqrt{2}$ گنج است، اما $x = 2$ و $y = \sqrt{2}$ هر دو گنج نیستند.

$$\text{گزینه «۴»: اگر } a = -\frac{1}{2}, \text{ آن‌گاه } a^2 = \frac{1}{4} \text{؛ در صورتی که } a \neq 0.$$

(بیر و احتمال - استدلال ریاضی: صفحه‌های ۱۷ تا ۲۶)

(علی‌اصغر فرض)

- ۱۳۴

مثال نقض برای گزینه فوق، عددی است که حاصل ضرب ارقامش بر 8 بخش‌پذیر بوده اما خودش بر 8 بخش‌پذیر نباشد. در گزینه «۴» حاصل ضرب ارقام عدد $1, 2, 4, 8, 16, 32, 64, 128, 256, 512, 1024, 2048, 4096, 8192, 16384, 32768, 65536, 131072, 262144, 524288, 1048576, 2097152, 4194304, 8388608, 16777216, 33554432, 67108864, 134217728, 268435456, 536870912, 1073741824, 2147483648, 4294967296, 8589934592, 17179869184, 34359738368, 68719476736, 137438953472, 274877906944, 549755813888, 1099511627776, 2199023255552, 4398046511104, 8796093022208, 17592186044416, 35184372088832, 70368744177664, 140737488355328, 281474976710656, 562949953421312, 112589990684264, 225179981368528, 450359962737056, 900719925474112, 1801439850948224, 3602879701896448, 7205759403792896, 14411518807585792, 28823037615171584, 57646075230343168, 115292150460686336, 230584300921372672, 461168601842745344, 922337203685490688, 1844674407370981376, 3689348814741962752, 7378697629483925504, 14757395258967851008, 29514790517935702016, 59029581035871404032, 118059162071742808064, 236118324143485616128, 472236648286971232256, 944473296573942464512, 188894659314788492904, 377789318629576985808, 755578637259153971616, 1511157274588307943232, 3022314549176615886464, 6044629098353231772928, 12089258196706463545856, 24178516393412927091712, 48357032786825854183424, 96714065573651708366848, 193428131147303416733696, 386856262294606833467392, 773712524589213666934784, 1547425049178427333869568, 3094850098356854667739136, 6189700196713709335478272, 12379400393427418670956544, 24758800786854837341913088, 49517601573709674683826176, 99035203147419349367652352, 198070406294838698735304704, 396140812589677397470609408, 792281625179354794941218816, 1584563250358709589882437632, 3169126500717419179764875264, 6338253001434838359529750528, 1267650600286967671905951056, 2535301200573935343811902112, 5070602401147870687623804224, 10141204802295741375247608448, 20282409604591482750495216896, 40564819209182965500985433792, 81129638418365931001970867584, 16225927683673186200394173568, 32451855367346372400788347136, 64903710734692744801576694272, 129807421469385489603153388544, 259614842938770979206306777088, 519229685877541958412613554176, 1038459371755083916825227108352, 2076918743510167833650454216704, 4153837487020335667300908433408, 8307674974040671334601816866816, 16615349948081342669203633733632, 33230699896162685338407267467264, 66461399792325370676814534934528, 13292279958465074135362906988956, 26584559916930148270725813977912, 53169119833860296541451627955824, 10633823966772059308285315911648, 21267647933544118616570631823296, 42535295867088237233141263646592, 85070591734176474466282527293184, 170141183468352948932575554586368, 340282366936705897865151109172736, 680564733873411795730302218345472, 136112946774682391546060443668944, 272225893549364783092120887337888, 544451787098729566184241774675776, 1088903574197459132368483549351552, 217780714839491826473696709870304, 435561429678983652947373419740608, 871122859357967305894746839481216, 1742245718715934611789437678962432, 3484491437431869223578875357924864, 6968982874863738447157750715849728, 1393796574972747689435530723169456, 2787593149945495378871061446338912, 5575186299890990757742122892677824, 11150372599781981515484245785355648, 22300745199563963030968491570711296, 44601490399127926061936983141422592, 89202980798255852123873966282845184, 178405961596511704247747932565690368, 356811923193023408495495865131380736, 713623846386046816985987730262761472, 142724769277209363397197546053522944, 285449538554418726794395092107055888, 57089907710883745358879018421411176, 114179815421767456777580368842823532, 228359630843534913555160737685647064, 456719261687069827110321475371294128, 913438523374139654220642950742588256, 1826877046742693084413285901451776512, 3653754093485386168826571802903553024, 7307508186970772337653143605807106048, 1461501637394154467326627321161421296, 2923003274788308934653254642232842592, 584600654957661786930650928446568592, 116920131915332357386130185689133784, 233840263830664714772260371378267568, 467680527661329429544520742756535136, 935361055322658859089041485513070272, 1870722110645317718178082910526145544, 3741444221285635436356165821052290968, 7482888442571270872712323642104581936, 1496577688542554174544646728420963872, 2993155377085108349089293456841927648, 5986310754170216698178586913683855296, 1197262150834043397635773826736770592, 2394524301668086795271547653473541184, 4789048603336173590543095306947082368, 9578097206672347181086185613894164736, 1915619441334469436217236322778232952, 3831238882668938872434466645556465904, 766247776533787774486893329111291184, 1532495553067575548973786658225822728, 3064991106135151097947573316451645448, 6129982212267522195895146632903290896, 1225996442453504439178283326586581792, 2451992884907008878356566653173163584, 4903985769814017756713133306346331168, 9807971539628035513426266612692662336, 19615943079256071026531332425385344672, 3923188615851214205306266485077068936, 7846377231702428410612532970154137872, 15692754463404856821250658540308275544, 31385508926809713642501317080616551088, 62771017853619427285002634161232102176, 125542035707238854570005268322464204352, 251084071414477709140010536644928408704, 502168142828955418280021073289856817408, 1004336285657910836560042146577713634816, 2008672571315821673120084293155427329632, 4017345142631643346240168886310854459264, 8034690285263286692480337772621708913288, 16069380570526573384960655545243417826576, 32138761141053146769921311090486835653552, 64277522282106293539842622180973671131104, 128555044564212587079245244361947342262088, 257110089128425174158490488723894784524176, 514220178256850348316980977447789569048352, 102844035653370069663396955489557813809104, 205688071306740139327793910978115627618208, 411376142613480278655587821956231353236416, 822752285226960557311175643912462706672832, 1645504570453921114622353287249254413345664, 3291009140907842229244706574498508826671328, 658201828181568445848941314899701765342656, 1316403656363136891693788229798035341345312, 2632807312726273783387576459596070682685624, 5265614625452547566775153019192141365371248, 1053122925090509513355030038384282731482496, 210624585018101902670006007676856546284992, 4212491700362038053400120015417130929984, 8424983400724076106800240030834261859968, 16849966801441520213600480061668523719936, 33699933602883040427200960123337047439872, 67399867205766080854401920246674094879544, 13479973441153216170880384049334818959088, 26959946882306432341760768098669637919176, 53919893764612864683521536197339275838352, 107839775329225729367043132386785551676704, 215679550658451458734086264773571103353408, 4313$



(سید ابوالفضل فالقی)

-۱۴۴

$$\left. \begin{aligned} T &= 2\pi \sqrt{\frac{L}{g}} \\ g &= \frac{GM_e}{(R_e + h)^2} \end{aligned} \right\} \Rightarrow \frac{T_1}{T_\gamma} = \sqrt{\frac{g_\gamma}{g_1}} \Rightarrow \frac{T_1}{T_\gamma} = \frac{R_e + h_1}{R_e + h_\gamma}$$

$$\Rightarrow \frac{T_1}{T_\gamma} = \frac{R_e + 2R_e}{R_e + 3R_e} = \frac{3}{4} \xrightarrow{f=\frac{1}{T}} \frac{f_1}{f_\gamma} = \frac{T_\gamma}{T_1} = \frac{4}{3}$$

(فیزیک پیش‌دانشگاهی - حرکت نوسانی؛ صفحه‌های ۹۳ تا ۹۶)

(امیر ممودی‌انژابی)

-۱۴۵

با استفاده از رابطه دوره تناوب آونگ ساده داریم:

$$\frac{T_\gamma}{T_1} = \sqrt{\frac{L_\gamma}{L_1} \times \frac{g_1}{g_2}} \xrightarrow{L_1=L_\gamma, g_1=g} \frac{T_\gamma}{T_1} = \sqrt{\frac{g}{g_2}} = \sqrt{\frac{g}{\frac{g+F}{m}}} = \sqrt{\frac{g}{\frac{g+g}{16}}} = \sqrt{\frac{g}{\frac{9}{16}g}} = \frac{4}{3}$$

$$\frac{T_\gamma}{T_1} = \sqrt{\frac{g}{\frac{9}{16}g}} = \frac{4}{3} \xrightarrow{T_1=T} T_\gamma = \frac{4}{3}T$$

$$\frac{\Delta T}{T_1} = \frac{T_\gamma - T_1}{T_1} \times 100 = \text{درصد تغییرات دوره تناوب}$$

$$= \frac{\frac{4}{3}T - T}{T} \times 100 = +33\% / 33\%$$

لذا دوره تناوب این آونگ ساده به اندازه ۳۳ / ۳۳ افزایش می‌یابد و گزینه ۴ «پاسخ صحیح است.

(فیزیک پیش‌دانشگاهی - حرکت نوسانی؛ صفحه‌های ۹۳ تا ۹۶)

(صادق مام‌سیده)

-۱۴۶

اگر قرار است موج فاصله ۵۰m را در مدت زمان ۲۵ ثانیه طی کند،

$$\text{معنی اش این است که باید سرعت آن } v = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{50}{25} = 2 \frac{m}{s} \text{ باشد.}$$

وقتی سرعت موج را داریم و طول موج آن را نیز می‌دانیم، یافتن دوره تناوب آن آسان خواهد بود.

$$\lambda = vT \Rightarrow T = \frac{\lambda}{v} = \frac{20 \times 10^{-2}}{2} = 10 \times 10^{-2} \Rightarrow T = \frac{1}{10} \text{ s}$$

(فیزیک پیش‌دانشگاهی - موج‌های مکانیکی؛ صفحه‌های ۱۰۶ و ۱۰۷)

(فسرو ارغوانی‌فر)

-۱۴۷

فاصله نقاط هم‌فاز از یکدیگر، مضرب صحیحی از λ می‌باشد.

(فیزیک پیش‌دانشگاهی - موج‌های مکانیکی؛ صفحه‌های ۱۰۸ تا ۱۱۰)

فیزیک پیش‌دانشگاهی

(غلامرضا مصی)

-۱۴۱

برای یافتن گزینه درست، به بررسی هر گزینه به طور جداگانه می‌پردازیم:

۱) بیشترین انرژی، در حالت تشدید به نوسانگ منتقل می‌شود (درست)

۲) دوره آونگ ساده، متناسب با $\frac{1}{\sqrt{g}}$ می‌باشد، بنابراین در محلی که g

کمتر باشد، دوره نوسان زیاد شده و آونگ کندتر کار می‌کند. (درست)

۳) دوره آونگ ساده به طول آونگ و شتاب گرانش بستگی دارد و به جرم

وزنه آونگ بستگی ندارد. (درست)

۴) دوره آونگ ساده به دامنه نوسان آن بستگی ندارد. (نادرست)

(فیزیک پیش‌دانشگاهی - حرکت نوسانی؛ صفحه‌های ۹۳ تا ۹۶)

(سیاوش فارس)

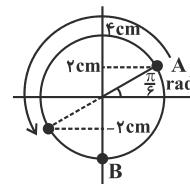
-۱۴۲

با استفاده از صورت سوال داریم:

$$\frac{\lambda}{4} = 50 \Rightarrow \lambda = 40 \text{ cm} = 0.4 \text{ m}$$

$$\lambda = vT \Rightarrow 0.4 = 50T \Rightarrow T = \frac{1}{125} \text{ s}$$

$$\omega = \frac{2\pi}{T} = 250\pi \frac{\text{rad}}{\text{s}}$$



با توجه به دایره مثلثاتی و جهت حرکت موج، برای اینکه نقطه A برای

اولین بار به مکان $y = -2 \text{ cm}$ برسد، باید اختلاف فاز π رادیان را طی

$$\Delta\phi = \omega\Delta t \Rightarrow \pi = 250\pi\Delta t \Rightarrow \Delta t = \frac{1}{250} \text{ s}$$

(فیزیک پیش‌دانشگاهی - موج‌های مکانیکی؛ صفحه‌های ۱۰۸ تا ۱۱۰)

(ابراهیم بیهاری)

-۱۴۳

از آنجایی که هر رفت و برگشت آونگ یک نوسان محسوب می‌شود،

بنابراین آونگ در مدت یک دقیقه ۳۰ بار نوسان می‌کند. بنابراین:

$$T = \frac{t}{n} = \frac{60}{30} = 2 \text{ s}$$

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g}} \Rightarrow 2 = 2\pi \sqrt{\frac{0/95}{g}} \Rightarrow \frac{1}{\pi} = \sqrt{\frac{0/95}{g}} \Rightarrow \frac{1}{\pi^2} = \frac{0/95}{g}$$

$$\Rightarrow g = \pi^2 \times 0/95 = 9/5 \frac{m}{s^2}$$

(فیزیک پیش‌دانشگاهی - حرکت نوسانی؛ صفحه‌های ۹۳ تا ۹۶)



$$\Rightarrow ۳۰ = \sqrt{\frac{۹۰}{۵۰۰۰A}} \Rightarrow A = ۰ / ۲\text{cm}^۲$$

(فیزیک پیش‌دانشگاهی - موج‌های مکانیکی: صفحه‌های ۱۰۸ تا ۱۱۳ و ۱۲۰ تا ۱۲۴)

(فسرو ارغوانی فرد)

-۱۵۲

$$v = \sqrt{\frac{F}{\mu}} = \sqrt{\frac{FL}{m}} \xrightarrow{m=\rho V} V = \sqrt{\frac{F \cdot L}{\rho \cdot AL}} = \sqrt{\frac{F}{\rho \cdot A}}$$

$$v = \sqrt{\frac{F}{\rho \cdot A}} \xrightarrow{A=\frac{\pi D^2}{4}} v = \sqrt{\frac{4F}{\rho \cdot \pi D^2}} \Rightarrow v = \frac{2}{D} \sqrt{\frac{F}{\rho \cdot \pi}}$$

طبق رابطه فوق، سرعت انتشار امواج عرضی در تار با جذر نیروی کششی تار نسبت مستقیم و با قطر تار نسبت عکس دارد.

$$\frac{v_2}{v_1} = \frac{D_1}{D_2} \times \sqrt{\frac{F_2}{F_1}} = 2 \times \sqrt{3} = 2\sqrt{3}$$

(فیزیک پیش‌دانشگاهی - موج‌های مکانیکی: صفحه‌های ۱۰۸ تا ۱۱۳)

(ناصر فوارزمی)

-۱۵۳

دامنه موج تأثیری در طول موج و سرعت انتشار آن ندارد. در سرعت انتشار موج، نیروی کشش طتاب تأثیر دارد که از رابطه مربوط به آن خواهیم داشت:

$$v = \sqrt{\frac{F}{\mu}} \Rightarrow \frac{v_2}{v_1} = \sqrt{\frac{F_2}{F_1}} \xrightarrow{F_2=4F_1} \frac{v_2}{v_1} = \sqrt{\frac{4F_1}{F_1}} = 2$$

$$\Rightarrow v_2 = 2v_1$$

از سوی دیگر، از رابطه مربوط به طول موج با سرعت و بسامد موج خواهیم داشت:

$$\lambda = \frac{v}{f} \Rightarrow \frac{\lambda_2}{\lambda_1} = \frac{v_2}{v_1} \times \frac{f_1}{f_2} \xrightarrow{v_2=2v_1, f_2=4f_1} \frac{\lambda_2}{\lambda_1} = \frac{2v_1}{v_1} \times \frac{f_1}{4f_1} = \frac{1}{2}$$

(فیزیک پیش‌دانشگاهی - موج‌های مکانیکی: صفحه‌های ۱۰۶ تا ۱۱۳)

(رامین شاراری)

-۱۵۴

$$\Delta\Phi_{ab} = \frac{4\pi}{3} - \frac{\pi}{3} = \pi$$

$$\Delta\phi = \frac{\omega}{v} \Delta x \Rightarrow \Delta\phi = \frac{2\pi(4)}{20} = 4\pi \text{ (rad)}$$

$$\Delta\phi = \Delta\phi_{ab} + (2n-1)\pi \Rightarrow 4\pi = \pi + (2n-1)\pi$$

$$3\pi = (2n-1)\pi \Rightarrow n = 2$$

(فیزیک پیش‌دانشگاهی - موج‌های مکانیکی: صفحه‌های ۱۰۸ تا ۱۱۳ و ۱۲۰ تا ۱۲۴)

(فسرو ارغوانی فرد)

-۱۴۸

فاصله نقاط در فاز مخالف، مضرب فردی از $\frac{\lambda}{2}$ است. ابتدا با استفاده از بسامد و سرعت انتشار موج، طول موج آن را به دست می‌آوریم:

$$\lambda = \frac{v}{f} \xrightarrow{v=5\frac{m}{s}, f=100\text{Hz}} \lambda = \frac{5}{100} = 0.05\text{m}$$

و سپس:

$$\Delta x = (2n-1) \frac{\lambda}{2} \xrightarrow{n=3, \lambda=0.05\text{m}} \Delta x = (2 \times 3 - 1) \times \frac{0.05}{2} = 0.125\text{m}$$

(فیزیک پیش‌دانشگاهی - موج‌های مکانیکی: صفحه‌های ۱۰۸ تا ۱۱۳)

(کاظم شاهمنکی)

-۱۴۹

$$u_y = 0 / 0.2 \sin(50\pi t - 2\pi x)$$

با توجه به شکل کلی تابع موج، بسامد زاویه‌ای و همچنین عدد موج را به دست می‌آوریم.

$$k = 50\pi \text{ (rad/s)}$$

با توجه به تعریف عدد موج که اختلاف فاز بین دو نقطه از محیط انتشار به فاصله یک متر است، می‌توان نوشت:

$$k = \frac{\Delta\phi}{\Delta x} \xrightarrow{k=2\pi} 2\pi = \frac{\Delta\phi}{\Delta x} \xrightarrow{\Delta x=0.05\text{m}} 2\pi = \frac{\Delta\phi}{0.05} \Rightarrow \Delta\phi = \pi \text{ (rad)}$$

(فیزیک پیش‌دانشگاهی - موج‌های مکانیکی: صفحه‌های ۱۱۳ تا ۱۲۰)

(علیرضا یاور)

-۱۵۰

منظور از کمترین فاصله دو نقطه هم‌فاز، همان اندازه یک طول موج است.

$$v = 20 \frac{m}{s}$$

داریم:

$$\omega = 40\pi \frac{\text{rad}}{\text{s}}$$

$$\lambda = ?$$

$$k = \frac{\omega}{v} = \frac{40\pi}{20} = 2\pi = \frac{2\pi}{\lambda} \Rightarrow \lambda = 1\text{m}$$

(فیزیک پیش‌دانشگاهی - موج‌های مکانیکی: صفحه‌های ۱۰۸ تا ۱۱۳ و ۱۲۰ تا ۱۲۴)

(سید امیر نیلوفری نواب)

-۱۵۱

ابتدا از روی تابع موج، عدد موج و بسامد زاویه‌ای آن را مشخص می‌کنیم و با

استفاده از این دو پارامتر، سرعت انتشار موج در سیم به دست می‌آید:

$$\omega = 45 \text{ rad/s}, k = 1/5 \text{ rad/m} \Rightarrow v = \frac{\omega}{k} = \frac{45}{1/5} = 30\text{m/s}$$

از سوی دیگر، سرعت انتشار امواج در سیم از رابطه زیر به دست می‌آید:

$$v = \sqrt{\frac{F}{\mu}} = \sqrt{\frac{FL}{m}} = \sqrt{\frac{FL}{\rho V}} = \sqrt{\frac{FL}{\rho AL}} = \sqrt{\frac{F}{\rho A}}$$



$$\omega = kv \Rightarrow v = \frac{10\pi}{2\pi} = 5 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$\Delta x = v \Delta t \Rightarrow 10 = 5 \Delta t \Rightarrow \Delta t = 2 \text{s}$$

(فیزیک پیش‌دانشگاهی - موج‌های مکانیکی؛ صفحه‌های ۱۳۰ تا ۱۳۳)

(امسان هاروی)

-۱۵۹

تابع یک موج به شکل زیر است. از مقایسه با تابع داده شده، پارامترهای موج

به دست می‌آید:

$$u = A \sin(\omega t - kx) \Rightarrow u = 0 / 0.4 \sin(10\pi t - \pi x)$$

$$\Rightarrow \begin{cases} A = 0 / 0.4 \text{ m} \\ \omega = 10\pi \frac{\text{rad}}{\text{s}} \\ k = \pi \frac{\text{rad}}{\text{m}} \end{cases}$$

حداکثر سرعت ارتعاش هر نقطه از محیط، از رابطه $v_m = A\omega$ به دست

می‌آید. از رابطه عدد موج نیز سرعت انتشار به دست می‌آید:

$$v_m = A\omega = 0 / 0.4 \times 10\pi = 0 / 4\pi \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$k = \frac{\omega}{v} \Rightarrow \pi = \frac{10\pi}{v} \Rightarrow v = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$\frac{v_m}{v} = \frac{0 / 4\pi}{10} = 0 / 0.4\pi = \frac{\pi}{25}$$

(فیزیک پیش‌دانشگاهی - موج‌های مکانیکی؛ صفحه‌های ۱۳۰ تا ۱۳۳)

(نیما نوروزی)

-۱۶۰

با توجه به شکل می‌بینیم که نقطه A در شکل (۱)، در مقایسه با شکل (۲) در اولین

نقطه در فاز مخالف است. پس فاصله آنها زیکدیگر برابر با $\frac{\lambda}{2}$ می‌باشد:

$$\Delta d = \frac{\lambda}{2} \Rightarrow 56 - 31 = \frac{\lambda}{2} \Rightarrow \lambda = 50 \text{ cm} = 0 / 5 \text{ m}$$

$$k = \frac{2\pi}{\lambda} \Rightarrow k = 4\pi \frac{\text{rad}}{\text{m}}$$

از آنجا که طبق تعریف، طول موج عبارت است از میزان پیشروی موج در یک

دوره، پس با توجه به اینکه این موج $\frac{\lambda}{2}$ پیشروی کرده، پس زمان آن نیز

$$\frac{T}{2} = 0 / 12 \Rightarrow T = 0 / 24 \text{s}$$

معادل $\frac{T}{2}$ است، در نتیجه داریم:

(فیزیک پیش‌دانشگاهی - موج‌های مکانیکی؛ صفحه‌های ۱۳۰ تا ۱۳۳)

(غلامرضا مصیب)

-۱۵۵

ابتدا عدد موج را محاسبه می‌کنیم و سپس به تعیین طول موج می‌پردازیم:

$$k = \frac{\omega}{v} = \frac{50\pi}{100} = 0.5\pi \frac{\text{rad}}{\text{m}}$$

$$k = \frac{2\pi}{\lambda} \Rightarrow \lambda = \frac{2\pi}{0.5\pi} = 4 \text{ m}$$

(فیزیک پیش‌دانشگاهی - موج‌های مکانیکی؛ صفحه‌های ۱۳۰ تا ۱۳۳)

(محمدیغفر مفتاح)

-۱۵۶

با توجه به جهت انتشار موج، یک لحظه پس از لحظه $t = 0$ ، نقطه A در مکانی پایین‌تر از مکان فعلی قرار خواهد گرفت؛ یعنی سرعت آن در خلاف جهت محور y است.

(فیزیک پیش‌دانشگاهی - موج‌های مکانیکی؛ صفحه‌های ۱۳۰ تا ۱۳۳)

(محمد نادری)

-۱۵۷

مطابق شکل زیر، برای فاصله نقطه M از مبدأ داریم:

$$\frac{7}{12} = \frac{7}{12}\lambda \Rightarrow \lambda = 1 \text{ m}$$

$$k = \frac{2\pi}{\lambda} = 2\pi \frac{\text{rad}}{\text{m}}$$

$$f = \frac{v}{\lambda} = \frac{10}{1} = 10 \text{ Hz}$$

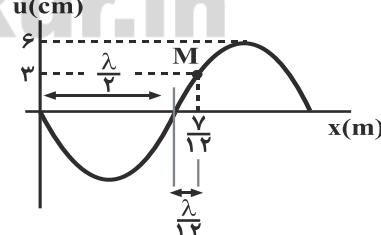
لذا عدد موج هم برابر خواهد بود با:

$$f = \frac{v}{\lambda} = \frac{20\pi}{1} = 20\pi \text{ radian per second}$$

بسامد موج هم برابر خواهد بود با:

و از آنجا، بسامد زاویه‌ای موج هم $20\pi = 2\pi \times 10 = 20\pi$ رادیان بر ثانیه

خواهد بود. پس تابع این موج برابر است با:



(فیزیک پیش‌دانشگاهی - موج‌های مکانیکی؛ صفحه‌های ۱۳۰ تا ۱۳۳)

(سید ابوالفضل ثالثی)

-۱۵۸

$$u_y = 0 / 0.25 \sin(2\pi x - 10\pi t) \Rightarrow \omega = 10\pi \left(\frac{\text{rad}}{\text{s}} \right), k = 2\pi \left(\frac{\text{rad}}{\text{m}} \right)$$



$$\Rightarrow \Delta\theta = 20^\circ C$$

بنابراین، تغییر دما بر حسب درجه فارنهایت برابر است با:

$$\Delta F = \frac{9}{5} \Delta\theta - 32 \rightarrow \Delta F = \frac{9}{5} \times 20 \rightarrow \Delta F = 36^\circ F$$

(فیزیک ۲- گرمای و قانون گازها: صفحه‌های ۱۱۹ تا ۱۲۴)

(مسئلۀ کیانی) - ۱۶۳

ابتدا مقدار گرمایی که m کیلوگرم بین $-10^\circ C$ - می‌گیرد تا به طور کامل

به آب $0^\circ C$ تبدیل شود را به دست می‌آوریم:

$$\begin{array}{c} -10^\circ C \xrightarrow{Q_1 = mc\Delta T} 0^\circ C \xrightarrow{Q_2 = mL_F} \text{آب} \end{array}$$

$$Q_1 = mc\Delta T + mL_F$$

$$\xrightarrow{L_F = 160 \text{ cal}} Q_1 = m \times c_{\text{آب}} \times (0 - (-10)) + m \times 160 \text{ cal}$$

$$\Rightarrow Q_1 = 170mc$$

از سوی دیگر، مقدار گرمایی که m کیلوگرم آب $0^\circ C$ می‌گیرد تا به طور

کامل به آب $100^\circ C$ تبدیل شود، برابر است با:

$$\begin{array}{c} 0^\circ C \xrightarrow{Q_2 = mc\Delta T} 100^\circ C \end{array}$$

$$Q_2 = mc_{\text{آب}} \Delta T \xrightarrow{c_{\text{آب}} = 160 \text{ cal}} c_{\text{آب}} = 2 \text{ cal} \rightarrow Q_2 = m \times 2 \text{ cal} \times (100 - 0)$$

$$\Rightarrow Q_2 = 200mc$$

اکنون با استفاده از رابطه $P = \frac{Q}{t}$ و با توجه به این که توان ثابت است،

می‌توان نوشت:

$$P = \frac{Q_1}{t_1} = \frac{Q_2}{t_2} \xrightarrow{t_1 = 17 \text{ min}} \frac{170mc}{17} = \frac{200mc}{t_2}$$

$$\Rightarrow t_2 = 20 \text{ min}$$

(فیزیک ۲- گرمای و قانون گازها: صفحه‌های ۱۲۲، ۱۲۴ و ۱۲۹)

(مسئلۀ کیانی) - ۱۶۴

کل گرمایی که آب $50^\circ C$ می‌تواند از دست بدهد تا بین آن را بگیرد برابر

$$50^\circ C \xrightarrow{Q} 0^\circ C \quad \text{است با:}$$

$$Q = mc\Delta\theta \xrightarrow{\Delta\theta = 0 - 50 = -50^\circ C} m = 10 \text{ g}, c = 4 / \text{g} \cdot ^\circ C$$

فیزیک ۱ و ۲

(مسئلۀ کیانی) - ۱۶۵

ابتدا دمای اولیه جسم را بر حسب کلوین به دست می‌آوریم:

$$T_1 = \theta_1 + 273 \xrightarrow{\theta_1 = 127^\circ C} T_1 = 127 + 273 \Rightarrow T_1 = 400 \text{ K}$$

اکنون تغییر دمای جسم بعد از ۲۵ درصد افزایش دمای مطلق را بر حسب

کلوین حساب می‌کنیم.

$$\Delta T = \frac{25}{100} T_1 \xrightarrow{T_1 = 400 \text{ K}} \Delta T = \frac{25}{100} \times 400 = 100 \text{ K}$$

$$\xrightarrow{\Delta\theta = \Delta T} \Delta\theta = 100^\circ C$$

از سوی دیگر، می‌دانیم $\Delta F = \frac{9}{5} \Delta\theta$ است. بنابراین تغییر دما بر حسب

درجه فارنهایت برابر است با:

$$\Delta F = \frac{9}{5} \Delta\theta \xrightarrow{\Delta\theta = 100^\circ C} \Delta F = \frac{9}{5} \times 100 \Rightarrow \Delta F = 180^\circ F$$

(فیزیک ۲- گرمای و قانون گازها: صفحه‌های ۱۱۹ و ۱۲۰)

(مسئلۀ پیغمبری) - ۱۶۶

$$160 \xrightarrow{\theta} 100^\circ C \xrightarrow{160 - (-40)} \frac{40 - (-40)}{100 - 0} \Rightarrow \frac{200}{100} = \frac{40 + 40}{\theta} \Rightarrow 2\theta = 40 + 40 \Rightarrow -2\theta = 40 \Rightarrow \theta = -20^\circ C$$

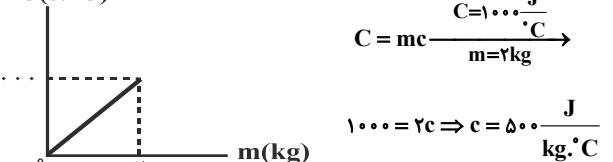
(فیزیک ۲- گرمای و قانون گازها: صفحه‌های ۱۱۹ و ۱۲۰)

(مسئلۀ کیانی) - ۱۶۷

با توجه به رابطه ظرفیت گرمایی $C = mc$ ، شب نمودار $C - m$ برابر

گرمای ویژه جسم است. بنابراین ابتدا گرمای ویژه را حساب می‌کنیم.

$$C(J/C)$$



$$C = mc \xrightarrow{m = 2 \text{ kg}} C = 1000 \frac{J}{kg \cdot ^\circ C}$$

اکنون با استفاده از رابطه $Q = mc\Delta T$ ، تغییر دمای جسم بر حسب درجه

سلسیوس را به دست می‌آوریم.

$$Q = mc\Delta\theta \xrightarrow{Q = 2 \text{ kJ}, m = 2 \text{ kg}} 2000 = 0 / 2 \times 500 \times \Delta\theta$$



(سید ابوالفضل قالقلي)

-۱۶۹

$$\left. \begin{aligned} \frac{P_1 V_1}{T_1} &= \frac{P_2 V_2}{T_2} \\ \rho = \frac{m}{V} & \end{aligned} \right\} \Rightarrow \frac{\rho_2}{\rho_1} = \frac{V_1}{V_2} = \frac{P_1 T_2}{P_2 T_1}$$

$$\Rightarrow \frac{\rho_2}{\rho_1} = \frac{1/2 P_1 \times T_1}{P_1 \times 0/8 T_1} = \frac{1/2}{0/8} = \frac{3}{2}$$

$$\frac{\Delta \rho}{\rho} \times 100 = \left(\frac{\rho_2}{\rho_1} - 1 \right) \times 100\% \quad \text{درصد تغییرات جگالی}$$

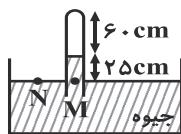
$$= \left(\frac{3}{2} - 1 \right) \times 100\% = +50\%$$

(فیزیک ۲-گرما و قانون گازها: صفحه‌های ۱۵۳ تا ۱۵۴)

(نیما نوروزی)

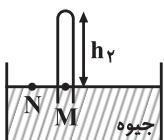
-۱۷۰

دما ثابت است، پس برای گاز کامل محبوس در لوله داریم:

برای حالت اول داریم: $P_N = P_M \Rightarrow P_o = P_1 = P_1 + P_1 \cdot \text{چیوه}$

$$\Rightarrow P_1 = 5 \text{ cmHg}$$

$$V_1 = A \times h = 5 \text{ cm}^3$$

برای حالت دوم داریم: $P_N = P_M \Rightarrow P_o = P_2 = 75 + P_2 \cdot \text{چیوه}$

$$V_2 = A \times h_2 = 75 \text{ cm}^3$$

$$P_1 V_1 = P_2 V_2 \Rightarrow 5 \times 5 = 75 \times A h_2 \Rightarrow h_2 = 5 \text{ cm}$$

$$\left. \begin{aligned} h_1 &= 6 + 25 = 31 \text{ cm} \\ h_2 &= 5 \text{ cm} \end{aligned} \right\} \Rightarrow \Delta h = 31 - 5 = 26 \text{ cm}$$

(فیزیک ۲-گرما و قانون گازها: صفحه‌های ۱۵۳ تا ۱۵۴)

$$Q = 100 \times 4 / 2 \times (-50) \Rightarrow Q = -2000 \text{ J}$$

کل گرمایی که بخ ${}^{\circ}\text{C}$ نیاز دارد تا به آب ${}^{\circ}\text{C}$ تبدیل شود، برابر است با:

$$Q' = m' L_F \frac{m' = 100 \text{ g}}{L_F = 4000 \text{ J/g}} \Rightarrow Q' = 100 \times 4000 \Rightarrow Q' = 40000 \text{ J}$$

چون کل گرمایی که آب از دست می‌دهد، کمتر از مقدار گرمایی است که برای ذوب کل بخ لازم است ($|Q'| < |Q|$)، بنابراین مقداری از بخ باقی می‌ماند. درنتیجه چون آب و بخ در تعادل گرمایی‌اند، دمای تعادل آن‌ها ${}^{\circ}\text{C}$ است.

(فیزیک ۲-گرما و قانون گازها: صفحه‌های ۱۳۵، ۱۳۶ و ۱۳۷)

(فسرو ارغوانی فرد)

-۱۶۶

۱) در سطح آزاد هر مایع، همواره در هر دمایی عمل تبخیر انجام می‌شود.

(نادرستی گزینه‌های «۴» و «۱»)

۲) با افزایش دما و افزایش مساحت سطح مایع، آهنگ تبخیر سطحی افزایش

می‌یابد. (نادرستی گزینه «۲» و درستی گزینه «۳»)

(فیزیک ۲-گرما و قانون گازها: صفحه ۱۳۲)

(شادمان ویسی)

-۱۶۷

برای آنکه دو میله به هم برسند، باید مجموع تغییر طول آن‌ها 5 cm سانتی‌متر شود.

$$\Delta L = \Delta L_A + \Delta L_B$$

$$\left. \begin{aligned} \Delta L_A &= L_{1A} \alpha_A \Delta \theta \\ \Delta L_B &= L_{1B} \alpha_B \Delta \theta \end{aligned} \right\} \Rightarrow \Delta L = L_1 \Delta \theta (\alpha_A + \alpha_B)$$

$$\Rightarrow 0/5 = 100 \Delta \theta (4 \times 10^{-5} + 6 \times 10^{-5}) \Rightarrow 0/5 = 100 \Delta \theta (10^{-4})$$

$$\Rightarrow \Delta \theta = 5 {}^{\circ}\text{C}$$

$$\theta_o = 0 {}^{\circ}\text{C} \Rightarrow \theta_2 = 5 {}^{\circ}\text{C}$$

$$T_2 = \theta_2 + 273 = 328 \text{ K}$$

(فیزیک ۲-گرما و قانون گازها: صفحه‌های ۱۳۷ و ۱۳۸)

(سعید نصیری)

-۱۶۸

در حالت اول که شکل (الف) است، داریم:

$$Q = \frac{k \times A t \Delta \theta}{L} \Rightarrow 10 = \frac{k A \times 2 \times 100}{2L} \Rightarrow \frac{k A}{L} = \frac{1}{10}$$

اکنون برای حالت دوم یعنی شکل «ب» خواهیم داشت:

$$10 = \frac{k \times 2A \times t \times 100}{L} \Rightarrow 10 = \frac{1}{10} \times 2 \times t \times 100 \Rightarrow t = 0/5 \text{ دقیقه}$$

(فیزیک ۲-گرما و قانون گازها: صفحه‌های ۱۴۷ تا ۱۴۸)



$$\Rightarrow B = \pi \times 10^{-4} = 4\pi \times 10^{-7} \times \frac{0.5}{D} \Rightarrow D = 2 \times 10^{-3} \text{ m} = 2 \text{ mm}$$

(فیزیک ۳ - میدان مغناطیسی و نیروهای مغناطیسی؛ صفحه‌های ۱۳۲ و ۱۳۳)

(ناصر فوارزم)

-۱۷۵

طبق متن کتاب درسی، هرگاه مواد فرومغناطیسی و یا پارامغناطیسی درون یک میدان مغناطیسی قوی قرار گیرند، اکثر دو قطبی‌های مغناطیسی این مواد در جهت میدان مغناطیسی جهت گیری می‌کنند.

(فیزیک ۳ - میدان مغناطیسی و نیروهای مغناطیسی؛ صفحه‌های ۱۳۶ و ۱۳۷)

(فسروار غوانی فرد)

-۱۷۶

اگر خطوط میدان با سطح قاب زاویه α بسازند، با خط عمود بر سطح زاویه $\alpha_1 = 37^\circ \Rightarrow \beta_1 = 90^\circ - 37^\circ = 53^\circ$ می‌سازند.

$\alpha_2 = 30^\circ \Rightarrow \beta_2 = 90^\circ - 30^\circ = 60^\circ$

$$\Delta\phi = AB \cos\beta_2 - AB \cos\beta_1 = AB(\cos\beta_2 - \cos\beta_1)$$

$$\Rightarrow \Delta\phi = 0 / 18 \times 1 \times (\cos 60^\circ - \cos 53^\circ) = 0 / 18(0 / 5 - 0 / 6)$$

$$\Rightarrow \Delta\phi = -0 / 0.18 \text{ Wb}$$

(فیزیک ۳ - القای الکترومغناطیسی؛ صفحه‌های ۱۳۶ و ۱۳۷)

(فسروار غوانی فرد)

-۱۷۷

$$\varepsilon = -N \frac{d\phi}{dt} = +200 \times 0 / 0.2 \times 100 \pi \sin(100\pi t + \frac{\pi}{3})$$

$$\xrightarrow{t=0} \varepsilon_0 = 400\pi \sin \frac{\pi}{3} = 400\pi \times \frac{\sqrt{3}}{2} = 200\sqrt{3}\pi (V)$$

$$I_0 = \frac{\varepsilon_0}{R} = \frac{200\sqrt{3}\pi}{100\sqrt{3}} = 2\pi (A)$$

(فیزیک ۳ - القای الکترومغناطیسی؛ صفحه‌های ۱۴۳ تا ۱۴۴)

(مسئلۀ کیانی)

-۱۷۸

ابتدا جریان الکتریکی مدار که از سیم‌وله می‌گذرد را به دست می‌آوریم و سپس انرژی ذخیره شده در میدان مغناطیسی آن را حساب می‌کنیم.

$$I = \frac{\varepsilon_0}{R_T + r} \Rightarrow I = \frac{12}{4+1+1} \Rightarrow I = 2A$$

$$U = \frac{1}{2} L_1^2 \frac{L=0/2H}{I=2A} \Rightarrow U = \frac{1}{2} \times 0 / 2 \times 4 \Rightarrow U = 0 / 4J$$

(فیزیک ۳ - القای الکترومغناطیسی؛ صفحه‌های ۱۵۹ و ۱۶۰)

(سعید نصیری)

-۱۷۹

ضریب القای متقابل برابر است با:

$$M = \sqrt{L_1 \cdot L_2} = \sqrt{4 \times 6} = 6mH = 6 \times 10^{-3} \text{ H}$$

(فیزیک ۳ - القای الکترومغناطیسی؛ صفحه ۱۵۸)

(فرشید رسولی)

-۱۸۰

$$\varepsilon_L = -L \frac{dI}{dt} \Rightarrow \varepsilon_L = -0 / 0.2 \left[7 \times 2\pi \cos(2\pi t + \frac{\pi}{4}) \right]$$

$$t = 2 / 5s \Rightarrow \varepsilon_L = -0 / 0.2 \times 7 \times 2\pi \cos(2\pi \times 2 / 5 + \frac{\pi}{4})$$

$$\Rightarrow \varepsilon_L = -0 / 0.2 \times 7 \times 2\pi \cos(5\pi + \frac{\pi}{4})$$

$$\Rightarrow \varepsilon_L = -0 / 0.2 \times 7 \times 2\pi (-\cos \frac{\pi}{4})$$

$$\Rightarrow \varepsilon_L = 0 / 0.2 \times 7 \times 2\pi \times \frac{\sqrt{2}}{2} = 0 / 14\sqrt{2}\pi (V)$$

(فیزیک ۳ - القای الکترومغناطیسی؛ صفحه‌های ۱۵۶، ۱۵۷ و ۱۶۱ تا ۱۶۴)

فیزیک ۳

(مسئلۀ کیانی)

-۱۷۱

مطابق شکل زیر، بر بار مثبت نیروی الکتریکی و گرانشی رو به پایین وارد می‌شود. بنابراین برای این که ذره منحرف نشود، باید نیروی مغناطیسی رو به بالا و هماندازه با مجموع نیروهای الکتریکی و گرانشی باشد.

$$\begin{aligned} F_B &= F_E + mg \quad \frac{F_E = qE}{F_B = qvB \sin 90^\circ} \\ qvB \sin 90^\circ &= Eq + mg \\ q = 2 \times 10^{-9} C, \quad v = 10^5 \frac{m}{s} & \\ m = 2 \times 10^{-3} kg, \quad E = 10^5 \frac{N}{C} & \\ 2 \times 10^{-9} \times 10^5 \times B \times 1 &= 10^5 \times 2 \times 10^{-3} + 2 \times 10^{-3} \times 10^5 \\ 0 / 2B = 0 / 2 + 0 / 0.2 &\Rightarrow 0 / 2B = 0 / 22 \Rightarrow B = 1 / 11 T \end{aligned}$$

(فیزیک ۳ - میدان مغناطیسی و نیروهای مغناطیسی؛ صفحه‌های ۱۳۶ و ۱۳۷)

(میری میرابزاده)

-۱۷۲

$$\begin{aligned} F_1 &= I_1 L_1 B \sin \alpha_1 \Rightarrow F_1 = F_7 \\ F_2 &= I_2 L_2 B \sin \alpha_2 \end{aligned}$$

$$I_1 L_1 B \sin 90^\circ = I_2 L_2 B \sin \alpha_2$$

$$\frac{3}{4} ILB \times 1 = \frac{\sqrt{3}}{3} I \times \frac{3}{2} LB \sin \alpha_2 \Rightarrow \frac{3}{4} = \frac{\sqrt{3}}{2} \sin \alpha_2 \\ \sin \alpha_2 = \frac{\sqrt{3}}{2} \Rightarrow \alpha_2 = 60^\circ$$

درنتیجه سیم L_2 باید به اندازه 30° درجه به سمت خطوط میدان مغناطیسی پرورد. خود.

(فیزیک ۳ - میدان مغناطیسی و نیروهای مغناطیسی؛ صفحه‌های ۱۳۵ تا ۱۳۶)

(مسئلۀ کیانی)

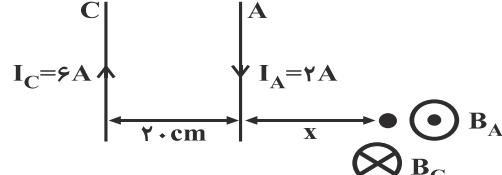
-۱۷۳

چون جریان در سیم‌های موازی، خلاف جهت یکدیگراند، بنابراین در نقطه‌ای خارج از فاصله بین دو سیم، در صفحه آنها و نزدیک‌تر به سیم با جریان کمتر، برایند میدان‌های مغناطیسی صفر می‌شود. شرط صفر شدن میدان مغناطیسی آن است که $B_C = B_A$.

$$B_C = B_A \Rightarrow \frac{\mu_0}{2\pi} \cdot \frac{I_C}{r_C} = \frac{\mu_0}{2\pi} \cdot \frac{I_A}{r_A}$$

$$\frac{I_C = 6A, I_A = 2A}{r_C = (20+x)cm, r_A = xcm} \Rightarrow \frac{6}{20+x} = \frac{2}{x} \Rightarrow 6x = 40 + 2x$$

$$\Rightarrow 4x = 40 \Rightarrow x = 10 \text{ cm}$$



(فیزیک ۳ - میدان مغناطیسی و نیروهای مغناطیسی؛ صفحه‌های ۱۳۸ تا ۱۳۹)

(شادمان ویس)

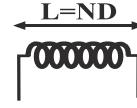
-۱۷۴

با توجه به رابطه میدان مغناطیسی داخل سیم‌وله و به هم چسبیده بودن

$$B = \mu_0 n I = \mu_0 \frac{N}{L} I$$

$$L = ND$$

$$B = \mu_0 \frac{N}{ND} I = \frac{\mu_0 I}{D}$$





در صد یونش در محلول اسید ضعیف HA , $\alpha = 0.4$. برابر در صد یونش محلول CH_3COOH است، بنابراین درجه یونش در محلول CH_3COOH برابر درجه یونش محلول CH_3COOH است:

$$\text{Mحلول HA} = \frac{\alpha}{1 - \alpha} \times \text{M محلول CH}_3\text{COOH} = \frac{0.4}{1 - 0.4} \times 0.5 = 0.2$$

یک اسید ضعیف است، بنابراین برای این اسید می‌توانیم $\alpha = 1$ را برابر باشد.

$$\text{یک در نظر گرفته و از رابطه } K_a = M\alpha^2 \text{ استفاده کنیم:}$$

$$K_a = M\alpha^2 \Rightarrow 2 \times 10^{-5} = M \times (0.2)^2$$

$$\Rightarrow M_{\text{HA}} = 5 \times 10^{-2} \text{ mol.L}^{-1}$$

(شیمی پیش‌دانشگاهی، صفحه‌های ۷۰، ۷۱، ۷۴ و ۷۶ تا ۷۸)

(سعند راهنمای پور)

-۱۸۴

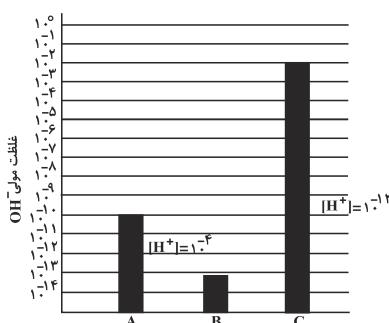
شناساگرها، دسته‌ای از ترکیب‌های رنگی محلول در آب هستند که با کمک آنها می‌توان pH تقریبی یک محلول را اندازه‌گیری کرد.

(شیمی پیش‌دانشگاهی، صفحه‌های ۷۰ و ۷۳)

(امیر میرزا زنگنه)

-۱۸۵

آمونیاک محلول بازی در آب تولید می‌کند و در دمای اتاق باید غلظت یون هیدروکسید در آن بیشتر از 10^{-7} مولار باشد. با توجه به این که نمودار داده شده نشان‌دهنده غلظت یون هیدروکسید است، لذا فقط ماده C می‌تواند مربوط به محلول آمونیاک در آب باشد.



با توجه به غلظت یون هیدرونیوم در دو ماده A و C :

$$\left. \begin{aligned} [\text{OH}^-]_A &= 10^{-10} \text{ mol.L}^{-1} \Rightarrow [\text{H}^+]_A = 10^{-4} \text{ mol.L}^{-1} \\ \Rightarrow \text{pH}_A &= -\log 10^{-4} = 4 \\ [\text{OH}^-]_C &= 10^{-1} \text{ mol.L}^{-1} \Rightarrow [\text{H}^+]_C = 10^{-12} \text{ mol.L}^{-1} \\ \Rightarrow \text{pH}_C &= -\log 10^{-12} = 12 \\ \Rightarrow \frac{\text{pH}_C}{\text{pH}_A} &= \frac{12}{4} = 3 \end{aligned} \right\}$$

(شیمی پیش‌دانشگاهی، صفحه‌های ۶۹ تا ۷۱)

(سعند راهنمای پور)

-۱۸۱

فاضلاب صنعتی شامل یون فلزهای واسطه هستند که با ورود به محیط زیست، pH محیط را کاهش می‌دهند.

(شیمی پیش‌دانشگاهی، صفحه‌های ۵۹ تا ۶۱ و ۶۳)

(محمد عظیمیان زواره)

-۱۸۲

با توجه به آن که ثابت یونش آب به صورت $[\text{H}_3\text{O}^+][\text{OH}^-]$ می‌باشد و با افزایش دما، غلظت یون‌های H_3O^+ و OH^- افزایش می‌باید، بنابراین مقدار K_w نیز افزایش می‌باید. به عبارتی با افزایش دما حاصل ضرب $[\text{H}_3\text{O}^+][\text{OH}^-]$ که همان K_w است تغییر می‌کند. بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه «۲»: همواره برای آب خالص $[\text{H}_3\text{O}^+] = [\text{OH}^-] = \sqrt{K_w}$ برای مثال برای آب خالص در دمای اتاق (25°C):

$$K_w = [\text{H}_3\text{O}^+][\text{OH}^-] = 10^{-14}$$

$$\Rightarrow [\text{H}_3\text{O}^+] = [\text{OH}^-] = \sqrt{10^{-14}} = 10^{-7} \text{ mol.L}^{-1}$$

گزینه «۳»: خود یونش آب: با توجه به آن که در دمای 25°C , $K_w = 10^{-14}$ می‌باشد، این تعادل در سمت چپ قرار دارد، یعنی مقدار بسیار کمی از مولکول‌های آب یونیده شده و مقدادر بسیار کمی از یون‌های H_3O^+ و OH^- را تولید نموده‌اند.

گزینه «۴»: چون خود یونش آب فرایندی گرم‌آگیر است با افزایش دما $[\text{OH}^-]$, $[K_w]$ و $[\text{H}_3\text{O}^+]$ افزایش می‌باید. در نتیجه، نسبت $\frac{[\text{OH}^-]}{[\text{H}_3\text{O}^+]}$ برای آب خالص ثابت می‌ماند.

(شیمی پیش‌دانشگاهی، صفحه‌های ۶۹، ۶۸ و ۷۶)

(مسعود بعفری)

-۱۸۳

در محلول استیک اسید (CH_3COOH), مقدار pH و غلظت را داریم:

بنابراین می‌توانیم α (درجه یونش) را به دست آوریم:

$$\begin{aligned} [\text{H}_3\text{O}^+] &= 10^{-\text{pH}} = 10^{-3/2} = 10^{-4+0/3} = 10^{-4} \times 10^{0/3} \\ &= 2 \times 10^{-4} \text{ mol.L}^{-1} \end{aligned}$$

$$[\text{H}_3\text{O}^+] = M \times \alpha \Rightarrow 2 \times 10^{-4} = (4 \times 10^{-3}) \times \alpha$$

$$\Rightarrow \alpha = \frac{2 \times 10^{-4}}{4 \times 10^{-3}} = 0.5$$

(استیک اسید)



$$HA : K_{a_1} = \frac{M\alpha}{1-\alpha} = \frac{0.2 \times (0.1)^2}{1-0.1} = \frac{2 \times 10^{-3}}{0.9}$$

$$(HB)K_{a_2} = \frac{M\alpha}{1-\alpha} = \frac{0.1 \times (0.2)^2}{1-0.2} = \frac{4 \times 10^{-3}}{0.8}$$

$$\frac{K_{a_1}}{K_{a_2}} = \frac{\frac{2 \times 10^{-3}}{0.9}}{\frac{4 \times 10^{-3}}{0.8}} = \frac{0.8}{0.9} \approx 0.44$$

(شیمی پیش‌دانشگاهی، صفحه‌ی ۶۶)

(روح الله علیزاده)

-۱۸۹

بررسی گزینه‌ها:

گزینه ۱:

اکسیدهای نافلزی اسید آرنیوس هستند (...CO_۲, SO_۳, N_۲O_۵)

اغلب اکسیدهای فلزی باز آرنیوس هستند (...K_۲O, Li_۲O, BaO)

گزینه ۲: صفحه ۶۲ کتاب درسی

گزینه ۳: اسید و باز مزدوج (NH_۳) در یک H⁺ با یکدیگر تقاؤت دارند.

اسید یک H⁺ پیش‌تر دارد.



(شیمی پیش‌دانشگاهی، صفحه‌های ۶۱ تا ۶۳)

(فامد پویان‌نظر)

-۱۹۰

در واکنش اول، آب در نقش باز و در سایر واکنش‌ها در نقش اسید است.

(شیمی پیش‌دانشگاهی، صفحه‌های ۶۱ و ۶۳)

(محمد عظیمیان زواره)

-۱۸۶

$$[\text{H}_3\text{O}^+] [\text{OH}^-] = 10^{-14}$$

$$[\text{OH}^-] = 2 / 5 \times 10^{-9} [\text{H}_3\text{O}^+]$$

$$[\text{H}_3\text{O}^+] \times [\text{H}_3\text{O}^+] \times 2 / 5 \times 10^{-9} = 10^{-14}$$

$$[\text{H}_3\text{O}^+]^2 = 4 \times 10^{-9} \Rightarrow [\text{H}_3\text{O}^+] = 2 \times 10^{-3} \text{ mol.L}^{-1}$$

$$\text{pH} = -\log[\text{H}_3\text{O}^+] \Rightarrow \text{pH} = -\log(2 \times 10^{-3}) \approx 2.7$$

واما برای محاسبه تعداد مول‌های اسید موجود در ۲۰۰ میلی‌لیتر محلول آن:

$$[\text{H}_3\text{O}^+] = M = 2 \times 10^{-3}, n = M.V$$

$$\Rightarrow n = 2 \times 10^{-3} \text{ mol.L}^{-1} \times 0.2L = 4 \times 10^{-4} = 0.0004 \text{ mol HI}$$

(شیمی پیش‌دانشگاهی، صفحه‌های ۷۴ تا ۷۶)

(مهطفی رستم آبادی)

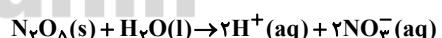
-۱۸۷

$$\text{pH} = -\log[\text{H}_3\text{O}^+] \Rightarrow [\text{H}_3\text{O}^+] = 10^{-\text{pH}} = 10^{-0.7}$$

$$\Rightarrow 10^{-1} \times 10^{0.7} = 0.2 \text{ mol.L}^{-1}$$

طبق معادله زیر، برای تولید ۰.۰۰۰۴ مول H₃O⁺ باید ۰.۰۰۰۴ مول N₂O_۵ در یک

لیتر آب حل شده باشد.



$$?g \text{N}_2\text{O}_5 = 250 \text{ mL} \times \frac{1 \text{ L}}{1000 \text{ mL}} \times \frac{0.1 \text{ mol N}_2\text{O}_5}{1 \text{ L}} \times \frac{108 \text{ g N}_2\text{O}_5}{1 \text{ mol N}_2\text{O}_5}$$

$$= 2.7 \text{ g N}_2\text{O}_5$$

(شیمی پیش‌دانشگاهی، صفحه‌ی ۷۴)

(حسن عیسی‌زاده)

-۱۸۸

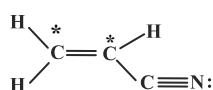
چون درجه تفكیک اسیدها کوچک نیست، نمی‌توانیم از مقدار تفكیک شده آنها

صرف‌نظر کنیم بنابراین مقادیر K_{a_۱} و K_{a_۲} را به دست می‌آوریم.



عبارت چهارم: $C_5H_8 = 5 \times 12 + 8 \times 1 = 68$ جرم مولی چهارمین آلکین

$$\frac{58}{68} < 1$$



پتوی آکریلیک از مونومر سیانوانت ساخته شده است:

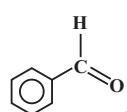
۲ اتم با آرایش ۳ ضلعی مسطح داریم.

(شیمی ۲، صفحه‌های ۹۹، ۱۰۲ و ۱۰۴ تا ۱۰۷)

(فرشاد هاریان فرد)

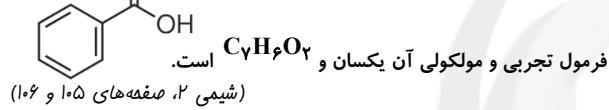
این ترکیب دارای هفت اتم کربن است، در حالی که ترکیب‌های سایر گزینه‌ها به ترتیب هشت، نه و هشت اتم کربن دارند. تعداد پیوندهای کوالانتی در آلان‌ها و مشتقات هالوژن دار آن از رابطه $n+1$ (n تعداد اتم کربن است) بدست می‌آید. بنابراین، ترکیب گزینه «۱» با ۲۲ پیوند کمترین پیوند اشتراکی را دارد.

(علی مؤیدی)



ساختار بنزاکسید:

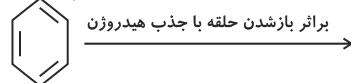
ساختار ترکیب جدید (بنزویک اسید):



فرمول تجربی و مولکولی آن یکسان و $C_7H_6O_2$ است.

(شیمی ۲، صفحه‌های ۱۰۵ و ۱۰۶)

(حامد پویان نظر)



-۱۹۷

۱) $C=C-C-C-C$



۲) $C=C-C-C-C$



۳) $C=C-C-C-C$



۴) $C-C=C-C-C$



۵) $C-C=C-C-C$



۶) $C-C=C-C-C$



(شیمی ۲، صفحه‌های ۱۰۴ و ۱۰۵)

(سید سهاب اعرابی)

ترکیب مورد نظر دارای ۹ کربن و ۱۸ هیدروژن می‌باشد، پس:

۱) نادرست. دارای ۸ کربن و ۱۶ هیدروژن است.

۲) درست. دارای ۹ کربن و ۱۸ هیدروژن است.

۳) نادرست. دارای ۸ کربن و ۱۶ هیدروژن است.

۴) نادرست. دارای ۱۰ کربن و ۲۰ هیدروژن است.

(شیمی ۲، صفحه‌های ۸۴، ۸۵، ۱۰۳ و ۱۰۴)

(فاضل قهرمانی فرد)

موارد اول و چهارم صحیح هستند.

بررسی موارد نادرست:

مورد دوم: افدرین گروه کربوکسیل ندارد.

مورد سوم: مسکالین ۳ و کدئین ۲ گروه متیل دارند.

(شیمی ۲، صفحه‌های ۱۰۴ تا ۱۰۷)

شیمی ۲

-۱۹۱

بررسی گزینه‌ها:

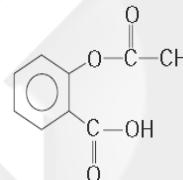
گزینه‌های «۱» و «۲»: هر اتم کربن در الماس و گرافیت ۴ پیوند تشکیل می‌دهد و در الماس هر اتم کربن با چهار پیوند بگانه به چهار اتم کربن دیگر متصل است و کربن در این حالت ساختاری چهاروجهی دارد و هر چهار اتم کربن متصل به آن در چهار گوشی یک چهاروجهی قرار دارد. در گرافیت در هر لایه، هر اتم کربن با چهار پیوند بگانه کربن - کربن بوده و طول پیوند کمتری نسبت به الماس (فقط پیوند بگانه کربن - کربن) دارد.

گزینه «۳» با توجه به صفحه ۹۶ کتاب درسی گرافیت مانند الماس نمونه‌ای از جامدات کوالانتی است.

گزینه «۴»: با توجه به ساختار چهاروجهی اتم‌های کربن در اتصال با ۴ اتم کربن دیگر) و سه‌ضلعی مسطح در گرافیت (در اتصال با ۳ اتم کربن دیگر) اتم‌های کربن در الماس، دارای ۴ قلمرو الکترونی و در گرافیت دارای ۳ قلمرو الکترونی هستند.

(شیمی ۲، صفحه‌های ۷۸، ۷۹، ۸۰ و ۹۵)

(حامد اسماعیلی)

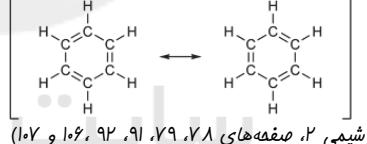


ساختار آسپرین: در این ترکیب، گروه‌های استری و اسیدی مشاهده می‌شود.

صرف آسپرین برای افرادی که مبتلا به بیماری زخم معده هستند، توصیه نمی‌شود زیرا سبب خونریزی معده می‌شود.

به خاطر وجود اتم O در آسپرین، بین مولکول‌های آن پیوند هیدروژن مشاهده می‌شود.

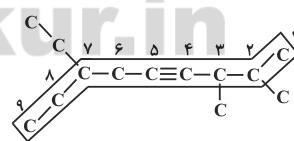
روزنанс در حلقه ی بنزن:



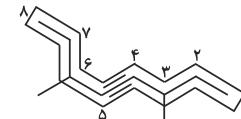
(حامد پویان نظر)

-۱۹۲

(A)



۷- اتیل - ۳، ۲ - دی‌متیل - ۴ - نونین



(B)

(شیمی ۲، صفحه‌های ۹۸ تا ۱۰۰)

(سهند راضمن پور)

عبارت‌های اول و دوم نادرست هستند.

بررسی عبارت‌ها:

عبارت اول: آلان‌هایی که در ساختار آن‌ها، اتم کربن به ۲ اتم کربن دیگر متصل باشد، می‌تواند شاخه‌دار نباشد مانند:

$CH_3 - CH_2 - CH_3$ عبارت دوم: فرمول مولکولی و فرمول تجربی ایوبروفن $C_{13}H_{18}O_2$ است.

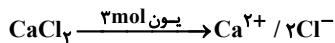
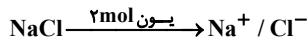
عبارت سوم: چهارمین آلکان $C_4H_{10} = 4 \times 12 + 10 \times 1 = 58$ = جرم مولی چهارمین آلکان



(روح الله علیزاده)

-۲۰۷

عبارت‌های الف و ت درست هستند.

عبارت الف: (با توجه به صفحات ۸۶ و ۸۷ کتاب درسی)
عبارت ب: نادرست است.

هیدروفلوئوریک اسید هم به طور عمده به صورت مولکولی حل می‌شود و تعداد یون‌ها در محلول آن بسیار کم‌تر است. پس مقایسه رسانایی الکتریکی: $\text{CaCl}_2 > \text{NaCl} > \text{HF}$

توجه: هر چه تعداد یون بیش‌تر \leftarrow رسانایی الکتریکی بیش‌تر

عبارت پ: مقایسه رسانایی الکتریکی:

(مول حل شده در ۲۰ مولال همان ترکیب (مول حل شده در ۲۰ مولار یک ترکیب)

رسانایی محلول $\frac{1}{20}$ مولار NaCl از $\frac{1}{20}$ مولال آن بیش‌تر است \Rightarrow

عبارت ت: درست است. (هر چه تعداد ذرات حل شونده غیرفرار بیش‌تر، نقطه جوش بالاتر)

$$\frac{0.08 \times 3}{0.24} > \frac{0.05 \times 4}{0.20}$$

(شیمی ۳، صفحه‌های ۸۹، ۸۷ و ۹۳ تا ۹۸)

(سوند راهنمای پروردگاری)

-۲۰۸

در محلول $\frac{1}{20}$ مولال کلسیم کربنات به ازای $\frac{1}{5}$ مول کلسیم کربنات، یک کیلوگرم آب داریم، پس:

$$\text{جرم حل شونده} + \text{جرم حلال} = \text{جرم محلول}$$

$$\frac{? \text{kg CaCO}_3}{? \text{kg CaCO}_3} = \frac{100 \text{g CaCO}_3}{1 \text{mol CaCO}_3} \times \frac{1 \text{kg CaCO}_3}{1000 \text{g CaCO}_3}$$

$$= 0.025 \text{ kg CaCO}_3$$

 محلول $\text{kg} = 1 \text{ kg آب} + 0.025 \text{ kg CaCO}_3 = 1.025 \text{ kg آب}$

$$\text{ محلول L} = \frac{1}{25} \text{ kg} = \frac{1}{25} \text{ kg محلول}$$

$$\text{تعداد مول حل شونده} = \frac{2 / 5 \text{ mol}}{1 / 25 \text{ L}} = 2 \text{ mol.L}^{-1}$$

(شیمی ۳، صفحه‌های ۸۹ تا ۹۳)

(سپهر طالبی)

-۲۰۹

فقط مورد ب صحیح است.

سولفونات (SO_4^{2-}) که بخش باردار باک کننده غیرصابونی را تشکیل می‌دهد قطبی است. به همین خاطر، با آب که دارای مولکول‌های قطبی است برهم کنش مناسب دارد و باعث پخش شدن چربی در آب می‌شود. صابون مایع نمک پتاویم یا آمونیوم اسید چرب است. در پاک کننده‌های صابونی، زنجیره هیدروکربنی آب‌گریز و بخش کربوکسیلات آن آب‌دوست است. در اسیدهای چرب، عموماً 14 تا 18 اتم کربن وجود دارد.

(شیمی ۳، صفحه‌های ۸۹ تا ۹۴)

(سپهر طالبی)

-۲۱۰

ابتدا جرم Al در محلول حاصل را تعیین می‌کنیم.

$$\text{ محلول g} = \frac{20.0 \text{ g}}{\frac{1 \text{ mL}}{1000 \text{ mL}}} \times \text{ محلول mL} = 20.0 \text{ g}$$

$$\text{ppm} = \frac{\text{ جرم Al}}{\text{ جرم محلول}} \times 10^6 \Rightarrow 270 = \frac{x}{20.0} \times 10^6 \Rightarrow x = 0.054 \text{ g Al}$$

$$\text{mL} = \frac{0.054 \text{ g Al}}{\frac{1 \text{ mol Al}}{27 \text{ g Al}}} \times \frac{1 \text{ mol Al}_2(\text{SO}_4)_3}{1 \text{ mol Al}}$$

$$\times \frac{1000 \text{ mL}}{\frac{0.054 \text{ mol Al}_2(\text{SO}_4)_3}{1 \text{ mL}}} = \frac{50 \text{ mL}}{\text{ محلول L}}$$

(شیمی ۳، صفحه‌های ۸۹ تا ۹۳)

(مسعود باغفری)

-۲۰۰

عبارت‌های آآ، بب و ت درست هستند.
عبارت آآ: متنول یکی از ترکیب‌های آآلی موجود در پسادی است که به منظور کاهش درد به کار می‌رود و دارای گروه عاملی الکلی است. این ترکیب قادر به تشکیل پیوند هیدروژنی است.عبارت ب: کشف کلسیم کاربید توسط ولر پلی بود که میان موادمعدنی و ترکیب‌های آآلی زده شد.
عبارت ت: سیانو اتن، مونومر پلیمری است که در ساخت پتوی آکریلیک به کار می‌رود و سه نوع آتم C, H و N در آن وجود دارد.
(شیمی ۳، صفحه‌های ۹۴، ۹۵، ۱۰۲ و ۱۰۶)

شیمی ۳

-۲۰۱

(سید سهاب اعرابی)
مواد ناخالص (مخلطها) گستره بیش‌تری از مواد را نسبت به مواد خالص شامل می‌شوند.

(شیمی ۳، صفحه‌های ۷۳ و ۷۴)

(امیرعلی برغورد اربون)

-۲۰۲

انحلال گاز در مایع با کاهش آنتروپی همراه است (نادرستی گزینه ۱۱).
تفییر آنتروپی در انحلال ید در تولوئن مثبت و نوع انحلال، دوقطبی القابی - دوقطبی القابی می‌باشد (نادرستی گزینه ۲۲). ویتامین A و چربی هر دو ناقطبی و انحلال آن‌ها از نوع دوقطبی القابی - دوقطبی القابی است.
(شیمی ۳، صفحه‌های ۷۸ تا ۸۰، ۸۳ و ۸۵)

(اکبر ابراهیم‌ناج)

-۲۰۳

اسیدهای آآلی، مانند الکل‌ها تا حد اکثر پنج کربن در آب محلول‌اند.
ید، بنزن و کربن دی‌سولفید یک فاز را تشکیل می‌دهند. زیرا در هم محلول‌اند.
(شیمی ۳، صفحه‌های ۷۵، ۷۶ و ۷۹)

(سپهر طالبی)

-۲۰۴

 فقط مورد سوم نادرست است.
به حرکت دائمی و نامنظم ذره‌های کلوبیدی، حرکت براونی می‌گویند.
(شیمی ۳، صفحه‌های ۷۶ تا ۷۹)

(حسن عیسی‌زاده)

-۲۰۵

هر سه ماده CH_3COOH , HF , NH_3 و KNO_3 به مقدار زیاد به صورت مولکولی و به میزان کم به صورت یونی حل می‌شوند و درصد تفکیک یونی کمی دارند، از این رو هر سه الکتروولیت ضعیف هستند.
بررسی سایر گزینه‌ها:گزینه ۱۱: هر سه ماده به‌طور کامل تفکیک می‌شوند و الکتروولیت قوی هستند.
گزینه ۳۳: KNO_3 و NaCl الکتروولیت قوی هستند، اما CH_3OH به صورت مولکولی حل می‌شود و غیر الکتروولیت است.گزینه ۴۴: متانول و شکر $(\text{C}_2\text{H}_{22}\text{O}_{11})$ به صورت مولکولی حل می‌شوند و غیر الکتروولیت هستند اما باریم کلرید الکتروولیت قوی است.
(شیمی ۳، صفحه‌های ۹۲ تا ۹۴)

(موسی فیاض علی‌محمدی)

-۲۰۶

علاوه بر جرم مولی نیتروی جاذبه نیز بر انحلال پذیری مؤثر است.
 NH_3 با H_2O پیوند هیدروژنی برقرار می‌کند، به همین دلیل بیش‌تر از CO_2 (ناقطبی) در آب حل می‌شود.بررسی سایر گزینه‌ها:
(۱) صحیح. چون انحلال CaCl_2 گرماده است، پس با دما رابطه عکس دارد.
(۲) صحیح. چون آبنمک با جوشیدن و تبخیر آب، غلیظتر می‌شود که این امر باعث کاهش فشار بخار شده و نقطه جوش را افزایش می‌دهد.
(۳) صحیح. تعریف فاز طبق متن کتاب درسی
(شیمی ۳، صفحه‌های ۵۲، ۵۳، ۷۵، ۷۶، ۸۵ و ۹۵)