



# ✓ دفترچه پاسخ

۱۳۹۹ خرداد ماه ۲

## عمومی دوازدهم

طراحان

محسن اصغری، حسین پرهیزگار، داود تالشی، مریم شمیرانی، کاظم کاظمی، سعید گنجبخش زمانی، الهام محمدی، افشنین محی الدین، مرتضی منشاری	فارسی
ولی بر جی، بهزاد جهانبخش، مرتضی کاظم شبرودی، مجید فاتحی، خالد مشیریناھی، فاطمه منصورخاکی، ولی الله نوروزی	عربی (بان قرآن)
محمد آقاد صالح، محبوبه ابتسام، ابوالفضل احمدزاده، امین اسدیان پور، محسن بیاتی، محمد رضابی بقا، محمدعلی عبادتی، محمدرضا فرهنگیان، وحیده کاغذی، مرتضی محسنی کیبر، سیداحسان هندی	دین و اندیشه
میر حسین زاهدی، علی شکوهی، جواد علیزاده، جواد مؤمنی	بان انگلیسی

### گزینشگران و پراستاران

نام درس	مسئول درس	گزینشگر	گروه ویراستاری	رتبه برتر	گروه مستندسازی
فارسی	الهام محمدی	الهام محمدی	محسن اصغری - مریم شمیرانی - مرتضی منشاری	فریبا رئوفی	
عربی (بان قرآن)	فاطمه منصورخاکی	سیدمحمدعلی مرتفوی	درویشلی ابراهیمی	لیلا ایزدی	
دین و اندیشه	محمد آقاد صالح	امین اسدیان پور.	محمد رضابی بقا، سینکنه گلشنی	بهزاد احمدپور	محمد هنری پرهیزگار
معارف اقلیت	دبورا حاتانیان	سیداحسان هندی	محمد ابراهیم مازنی		
بان انگلیسی	سپیده عرب	دبورا حاتانیان	معصومه شاعری		پویا گرجی
	سپیده عرب	سپیده عرب	رحمت‌الله استیری - محدثه مرآتی		

### گروه فنی و تولید

الهام محمدی	مدیر گروه
مصطفی شاعری	مسئول دفترچه
مدیر، فاطمه رسولی نسب، مسئول دفترچه؛ فریبا رئوفی	مستندسازی و مطابقت با مصوبات
زهرا تاجیک	صفحه‌آرا
علیرضا سعدآبادی	نقاره چاپ

### گروه آزمون

#### بنیاد علمی آموزشی قلم‌چی (وقف عام)

آدرس دفتر مرکزی: خیابان انقلاب- بین صبا و فلسطین- پلاک ۹۲۳ - تلفن چهار رقمی: ۰۶۴۶۳



(مسن اصغری)

**۹- گزینه «۳»**

حذف افعال در گزینه‌های دیگر

- گزینه «۱»: همان بهتر [است] که ...  
 گزینه «۲»: به روان تو [سوگند می‌خورم] که ...  
 گزینه «۴»: آن به [بهتر] [است] که به ...

(فارسی ۳، ستور زبان، صفحه‌های ۱۵ و ۱۶)

(مدتنه منشاری - اردیل)

**۱۰- گزینه «۴»**

باد باد آن که منزل (نهاد) من (مضافالیه) سر کوی تو بود / روشنی (نهاد) دیده  
 (مضافالیه) از نور رخت حاصل بود.

(فارسی ۱، زبان فارسی، ترکیبی)

(اخشین مهن الدین)

**۱۱- گزینه «۲»**

مفهوم مشترک ایات صورت سوال این است که سختی کشیدن و رنج دیدن مقدمه عزت و راحتی است. متناسب با عبارت «در بدایت بند و چاه بود، در نهایت تخت و گاه بود» این مفهوم در ایات «الف، ب، د» دیده می‌شود.

در بیت «ج» شاعر می‌گوید: کسی که زندان نکشیده است دلش به حال گرفتاران نمی‌سوزد. در بیت «ه» شاعر می‌گوید: برای انسان‌های ارزشمند و گرامی‌goه، جاه و مقام سبب گرفتاری و بند است و یوسف در حقیقت وقتی به عزیزی رسید در چاه و گرفتاری قرار گرفت.

(مفهوم)

(کاظم کاظمی)

**۱۲- گزینه «۱»**

مفهوم بیت گزینه «۱»: جدایی روح آدمی از تن و بازگشت آن به اصل و عالم معنا

مفهوم مشترک ایات مرتبط: بیان پویایی، تکاپو و پرهیز از ایستایی و بی تحرکی

(مفهوم)

(مریم شمیرانی)

**۱۳- گزینه «۳»**

پیام مشترک صورت سوال و گزینه‌های «۱، ۲ و ۴» ناتوانی از توصیف است اما شاعر در گزینه «۳»، خود را در مدح و ستایش دائمی یار همچون بلبل می‌داند.

(مفهوم)

(مسن اصغری)

**۱۴- گزینه «۲»**

مفهوم مشترک ایات مرتبط: تأم بودن زندگی آدمی با رنج و شادی و پیروزی و شکست.

مفهوم گزینه «۲»: توقع نداشتن وفاداری از دنیای جفاکار

(مفهوم)

(مریم شمیرانی)

**۱۵- گزینه «۳»**

مفهوم صورت سوال با عبارت «حساب‌ها قبل ان تحساب‌ها» مرتبط است و این معنی که قبل از حسابرسی، به حساب خودت برس، در گزینه «۳» دیده می‌شود.

تشریح گزینه‌های دیگر

گزینه «۱»: اگر براساس فضل محاسبه کنند، من به گردن روزگار حق بسیار دارم.

گزینه «۲»: با وجود مهر و رحمت خداوند از نامه اعمال خود مترس.

گزینه «۴»: در فصل بهار به خوش‌گذرانی بپرداز.

(مفهوم)

(کاظم کاظمی)

طبقه‌بندی/ کیوان: سیاره زحل / رعب: ترس، هراس، دلهز

(لغت)

(مسین پرهیزکار - سینوار)

تشریح گزینه‌های دیگر

گزینه «۱»: همه لباس‌های جنگی هستند.

گزینه «۳»: همگی ابزار و ادوات جنگی است.

گزینه «۴»: همه لباس‌های جنگی هستند.

(لغت)

(اور تالشی)

املاً صحیح کلمات عبارت‌اند از: بیت «ج»: فراغ / بیت «ه»: نقض

(اما)

(اخشین مهن الدین)

**۱۳- گزینه «۱»**

املاً صحیح کلمه «مؤلف» است.

(اما)

(الهام محمدی)

**۱۴- گزینه «۴»**

«رزیایی شتابزده» از جلال آلمحمد

(تاریخ ادبیات)

(سعید کنج‌پشن زمانی)

**۱۵- گزینه «۶»**

حس آمیزی ندارد. ولی ایهام در واژه «مهر» ۱- خورشید ۲- محبت دیده می‌شود.

تشریح گزینه‌های دیگر

گزینه «۱»: حرف مجاز از سخن / جناس بین «یاد و یار» و «جان و جانی»

گزینه «۲»: «گویایی رنگی داشتن» و «بُویایی خاموشی»: حس آمیزی دارد.

گلستانه گفتار: تشییه

گزینه «۳»: سروی که پا در گل است: استعاره / علت پا در گل بودن سرو این است که تو بر هر جا پا بکناری، سرو آن جا ریشه می‌کند: حسن تعلیل

(فارسی، آرایه، ترکیبی)

(مریم شمیرانی)

**۷- گزینه «۳»**

تشریح گزینه‌های دیگر

گزینه «۱»: مردمک دیده که شنا می‌کند: استعاره و تشخیص

گزینه «۲»: مردم: ایهام: ۱) مردمک چشم ۲) انسان‌ها

گزینه «۴»: در فراوانی اشک چشم اغراق کرده است.

(آرایه)

(مسن اصغری)

**۸- گزینه «۱»**

ترکیب‌های وصی: آن زمان- یک اشاره- ستارگان شاد- ابر گریه‌ناک- شانه کبود-

آن زمان (شش مورد)

ترکیب‌های اضافی: نشانی درخت- زبان شعر- ترانه‌های برگ- شبنشینی ستارگان-

دلش- تشنگی خاک- شانه کوه- جوانی درخت (هشت مورد)

(زبان فارسی)

## عربی، زبان قرآن ۱

## ۱۶- گزینه «۲»

«ایرانی‌ها به ویژه دانشمندان و ادبیان آنان از ابتدای زبان عربی را یاد گرفتند و برای بالا بردن جایگاهش، بیش از زبان خود تلاش کردند و در این رابطه کتاب‌های زیادی را در زمینه‌های مختلف تألیف نمودند. به خاطر همین مشاهده می‌کنیم که اکثر کتاب‌ها در ایشان اعتقاد نداشتند که این زبان، بیگانه است. زبان عربی، زبان قوم خاصی نیست، بلکه زبانی است که متعلق است به هر کسی که به اسلام ایمان آورده است. زبان دینی، فرهنگی و ادبی ما با این زبان آمیخته شده و به همین علت یادگیری آن برای ما امری ضروری شده است. پس ما باید پیذیریم که یادگیری این زبان، کلید است برای شناخت ما از فرهنگ اسلامی و تمدن آن. به آثار ادبیان و دانشمندان ایرانی بینگردید تا بینید که آن‌ها چگونه به سروden شعر به عربی و استفاده از واژگان عربی افتخار می‌کنند!»

(فالدمشیپنایی - هکلان)

## ۲۱- گزینه «۳»

سوال از ما گزینه نامناسب را خواسته است؛ در گزینه «۳» آمده است که «هر کس به اسلام ایمان آورد، به زبان عربی صحبت می‌کند!» که چنین چیزی نادرست است.

## تشویح گزینه‌های دیگر

گزینه «۱»: دانشمندان ایرانی ما کتاب‌هایی را در زمینه‌های صرف و نحو تألیف کرده‌اند!

گزینه «۲»: ایرانی‌ها اعتقاد داشتند که زبان عربی، برای آن‌ها بیگانه نیست!

گزینه «۴»: هر کس بخواهد فرهنگ اسلامی ما را بشناسد، بر او لازم است که زبان عربی را یاد بگیرد!

(درک مطلب)

(فالدمشیپنایی - هکلان)

## ۲۲- گزینه «۴»

برخورد ایرانی‌ها با زبان عربی چگونه بود؟ در گزینه «۴» آمده است که «در کنار زبان خود، از زبان عربی محافظت نمودند!» که درست است.

## تشویح گزینه‌های دیگر

گزینه «۱»: سعی کردن که لغات آن را در فارسی وارد کنند!

گزینه «۲»: همه اشعارشان را به عربی سرووندند!

گزینه «۳»: تلاش کردن که فرهنگ خود را از آن بگیرند!

(درک مطلب)

(فالدمشیپنایی - هکلان)

## ۲۳- گزینه «۴»

ما فرهنگ اسلامی خود را نخواهیم شناخت مگر به وسیله...! گزینه «۲» یعنی «یادگیری زبان عربی» درست است.

## تشویح گزینه‌های دیگر

گزینه «۱»: بالا بردن جایگاه زبان عربی!

گزینه «۳»: آمیخته شدن زبانمان با زبان عربی!

گزینه «۴»: تألیف کتاب‌هایی زیاد!

(درک مطلب)

(مدتضم کاظم شیبوری)

«هناک» وجود دارد، هست / «مشکل‌هایی، مشکلاتی / «علی الطریق»: در راه / «الذراست»: درس خواندن / «یجب»: لازم است، باید / «آن نُکْر»: که بیندیشیم، که فکر کنیم / «فی حَلَّهَا»: به حل آن / «عشر مرأت»: ده بار

## تشویح گزینه‌های دیگر

گزینه «۱»: «تحصیلمان» به صورت «تحصیل» درست است. گزینه «۳»: «تحصیلات» به صورت «تحصیل» درست است و «مجданه» اضافی معنا شده است.

گزینه «۴»: «اندیشید» به صورت «بیندیشیم» درست است.

(ترجمه)

(مبید خانی - کامیاران)

## ۱۷- گزینه «۱»

گزینه «۲»: «دانشنامه علمی» نادرست است.

گزینه «۳»: «صدا» نادرست است.

گزینه «۴»: «دلphin» نادرست است.

(ترجمه)

(فالدمشیپنایی - هکلان)

## ۱۸- گزینه «۲»

«بحث الطالبات عن»: دانش‌آموزان (دانشجویان) به دنبال ... گشتن، دانش‌آموزان (دانشجویان) ... را جست‌وجو کردن / «قصص قصیر»: متی کوتاه، یک متن کوتاه / «حول»: درباره، در مورد، پیرامون / «فوائد الأشجار»: فایده‌های درختان (رد گزینه «۳») / «وجودن»: یافتن، پیدا کردن / «كتباً كثيرةً»: کتاب‌های بسیاری (فراآنی) / «تعجّين»: تعجب کردن، شگفت‌زده شدن (رد گزینه «۱») / «منها»: از آن‌ها (رد گزینه‌های «۱» و «۳») / در گزینه «۴»، «باشد» و «لذا» معادلی در عبارت عربی داده شده ندارد.

(ترجمه)

(ولی برہی - ابیر)

## ۱۹- گزینه «۴»

در گزینه «۱»، «المُجَرَّب» اسم مفعول است، نه اسم فاعل، بنابراین ترجمه درست آن «آزموده، آزمایش شده» است. در گزینه «۲»، «الصُّفَرَى» اسم تفضیل است و ترکیب و صفتی باید به صورت «خواهر کوچک‌ترم» ترجمه شود، همچنین «أساوِر» نیز جمع مکسر است که به صورت مفرد ترجمه شده است. در گزینه «۳»، عدد درست ترجمه نشده است و ترجمه درست آن «هفت‌صد و شصت» می‌باشد.

(ترجمه)

(بوزار بجهان‌پوش - قائم‌شهر)

## ۲۰- گزینه «۴»

«دشمن»: العدو (رد گزینه «۱») / «باید ... که»: یجب على ... أن (در گزینه‌های ۲ و ۳ «باید» ترجمه نشده است) / «بداند»: یعلم (رد گزینه‌های ۱ و ۲) / «اسلام»: الإسلام / «بر اساس»: علی أساس / «منطق»: المنطق / «پرهیز»: إجتناب / «بدی کردن»: الإساءة (رد گزینه‌های ۲ و ۳) / «استوار است»: قائم، یقون (تعربی)



## دین و زندگی (۱)

(محمد رضایی‌نها)

در دیدگاه پیامبران الهی، زندگی دنیا همچون خوابی کوتاه و گذرا و کم ارزش است (نه بی ارزش): «الناس نیام فاذا ماتوا انتبهوا: مردم در دنیا خوباند، هنگامی که بمیرند، بیدار می‌شوند.»

امام حسین (ع) آنگاه که در دو راهی ذلت یا شهادت واقع شد، فرمود: «من مرگ را جز سعادت، و زندگی با ظالمان را جز ننگ و خواری نمی‌بینم.» یعنی علت سعادت یافتن مرگ را ذلیلانه دانستن زندگی با ظالمان بیان کرد.

(دین و زندگی ا، درس ۳، صفحه‌های ۳۹ تا ۴۱)

## گزینه ۴

(مرتضی مسین‌کیبر)

آفرینش آسمان‌ها و زمین بیهوده و بازیچه نیست؛ بلکه هدفمند، غایتمند و براساس برنامه‌ای حساب شده می‌باشد. این مفهوم در آیه «وَ مَا خَلَقْنَا السَّمَاوَاتِ وَ الْأَرْضَ وَ مَا بَيْنَهُمَا لِاعِبِينَ مَا خَلَقْنَا هُنَّا إِلَّا بِالْحَقِّ وَ مَا آسِمَانُهَا وَ زَمِينُهَا وَ آنِّچه بین آن دو است را به بازیچه نیافریدیم. آن‌ها را جز به حق خلق نکردیم»، ترسیم شده است.

(دین و زندگی ا، درس ۱، صفحه ۱۵)

## گزینه ۳

(ابوالفضل امیرزاده)

ترجمه آیه ۶۷ نساء: «فَرَشْتَگان به کسانی که روح آنان را دریافت می‌کنند در حالی که به خود ظلم کرده‌اند، می‌گویند: شما در [دنیا] چگونه بودید؟ گفتند: ما در سرزمین خود تحت فشار و مستضعف بودیم. فرشتگان گفتند: مگر زمین خدا وسیع نبود که مهاجرت کنید؟»  
رسول خدا (ص) می‌فرماید: «هر کس سنت و روش نیکی را در جامعه جاری سازد، تا وقتی که در دنیا مردمی به آن سنت عمل می‌کنند، ثواب آن اعمال را به حساب این شخص هم می‌گذارند، بدون این که از اجر انجام دهنده آن کم کنند و هر کس سنت رشتی را در بین مردم مرسوم کند، تا وقتی که مردمی بدان عمل کنند، گاه آن را به حساب او نیز می‌گذارند، بدون این که از گناه عامل آن کم کنند.»

(دین و زندگی ا، درس ۵، صفحه‌های ۶۳ و ۶۴)

## گزینه ۴

(ممدرعلی عبارتی)

آیات ۳۲ تا ۳۵ سوره معارج: «وَ آنَّهَا كَهْ امَانَتُهَا وَ عَهْدَ خُودَ رَا رَعَايَتَ مِنْ كَنْنَدَ وَ آنَّهَا كَهْ بِهِ رَاسِتَ اِدَى شَهَادَتَ كَنْنَدَ وَ آنَّهَا كَهْ بِرْ نَمَازَ مَوَاطِبَتَ دَارَنَدَ، آنَّهَا بَاغَهَايِ بِهِشْتَيِ گَرَامَيِ دَاشْتَهَ مِنْ شُونَدَنَه.»  
آیه ۱۱۹ سوره مائدah: «امروز روزی است که راستی راستگویان (صادقین) به آن‌ها سود می‌رساند.»

(دین و زندگی ا، درس ۷، صفحه ۸۲)

## گزینه ۳

(ممدر آقا صالح)

دققت شود که تنها سرمایه بیرونی که خداوند متعال برای انسان‌ها قرار داده پیامبران و پیشوایان پاک و دلسوز هستند که راه سعادت را به ما نشان می‌دهند و در پیمودن راه حل به ما کمک می‌کنند و آیه شریفه «إِنَّا هَدَيْنَاكُمْ سَبِيلَ إِمَّا شَاكِرًا وَ إِمَّا كَفُورًا» نیز بیانگر نشان دادن و هدایت به سوی راه صحیح (از طریق پیامبران الهی) است. این آیه به اراده و اختیار که یک سرمایه درونی نیز اشاره دارد.

(دین و زندگی ا، درس ۳، صفحه ۳۱)

(فاطمه منصور‌فکانی)

## گزینه ۱

تشریح گزینه‌ها دیگر

گزینه ۲: «حروفه الأصلية: ن ش ه» و «خبر» نادرست است.

گزینه ۳: «مجھول» و «مفہولہ» (الكتب) نادرست است.

گزینه ۴: «اللمنتکلم وحدہ» نادرست است.

(تبیل صرفی و مفل اعرابی)

## گزینه ۴

تشریح گزینه‌های دیگر

گزینه ۱: « فعل: حَلَفَ» نادرست است.

گزینه ۲: « مضاف الی للمضاف »المجالات« نادرست است.

گزینه ۴: « معرفة (علم) » و « مضاف الی و مضافة: »المجالات« نادرست است.

(تبیل صرفی و مفل اعرابی)

## گزینه ۴

(فاطمه منصور‌فکانی)

تُشَاهِدُ نادرست است، زیرا فعل مضارع ثلاثی مزید و معلوم از باب مفاجلة بر وزن

«يُفَاعِلُ» می‌آید (تُشَاهِدُ)

(فرکت‌کناری)

## گزینه ۲

تشریح گزینه‌های دیگر

گزینه ۱: « أحَبَّةٌ » متضاد « غَدَاءٌ » است.

گزینه ۳: « أَمَوَاتٌ » متضاد « أَحْيَاءٌ » است.

گزینه ۴: « مُظَلَّمٌ » متضاد « مُفْضِيٌّ » است.

(مفهوم)

## گزینه ۴

(مهدی خانی - کامیاران)

در این گزینه «ترسل» فعل مجھول است و فاعل ندارد.

ترجمه عبارت: میوه‌های خشک به مناطق دیگر در فصل تابستان فرستاده می‌شوند!

(انواع بملات)

## گزینه ۱

(ولی الله نوروزی)

در گزینه ۱، فعل «تحزني»، از ریشه «حزن» است که «تون و قایه» در این فعل وجود ندارد.

(قواعد فعل)

## گزینه ۳

(مهدی خانی - کامیاران)

« الطیار » اسم مبالغه است و نقش مبتدا دارد.

تشریح گزینه‌ها دیگر

گزینه ۱: «العَطَّارِينَ» مضاف الیه است.

گزینه ۲: «الْعَلَامَةُ» مجرور به حرف جر است.

گزینه ۴: «نظاره» مضاف الیه است.

(قواعد اسم)



(مسن بیان)

**﴿٤١﴾ گزینه «۲»**

هر قدر عزم قوی‌تر باشد رسیدن به هدف آسان‌تر است (عامل تسهیل در ایصال به هدف) با دنباله‌روی از الگوهای اسوه‌ها می‌توان سریع‌تر به هدف رسید (عامل تسريع در ایصال هدف)

(دین و زندگی، درس ۸، صفحه‌های ۹۵ و ۹۹)

(ابوالفضل امیرزاده)

**﴿٤٢﴾ گزینه «۲»**

محبت و دوستی سرچشمۀ بسیاری از تصمیم‌ها و کارهای انسان است. فعالیت‌هایی که آدمی در طول زندگی انجام می‌دهد ریشه در دلبستگی‌ها و محبت‌های او دارد و همین محبت‌های است که به زندگی آدمی جهت می‌دهد.

امام علی (ع) می‌فرماید: «رزش هر انسانی به اندازه‌چیزی است که دوست می‌دارد.»

(دین و زندگی، درس ۹، صفحه ۱۰۷)

(محمد رضایی‌لقا)

**﴿٤٣﴾ گزینه «۲»**

زیاده‌روی در آراستگی و توجه بیش از حد به آن، باعث غفلت انسان از هدف اصلی زندگی و مشغول شدن به کارهایی می‌شود که عاقبتی جز دور شدن از خدا ندارد. انسان عفیف حیا می‌کند که برخی افراد به دلیل اموری سطحی و کوچک زبان به تحسین و تمجید او بگشایند.

(دین و زندگی، درس ۱۰، صفحه ۱۳۵)

(محمد رضایی‌لقا)

**﴿٤٤﴾ گزینه «۳»**

بیان فواید حجاب برای تشویق و ترغیب زنان مؤمنان به نزدیک کردن پوشش‌هایشان به خود صورت گرفته است و غفاریت و رحمانیت خداوند در ادامه بیان شده است: «ذلک آدنی آن يُعْرَفُنَّ لَا يُؤْذِنُنَّ وَ كَانَ اللَّهُ عَفُورًا رَّحِيمًا».

(دین و زندگی، درس ۱۳، صفحه ۱۴۴)

(امین اسدیان‌پور)

**﴿٤٥﴾ گزینه «۲»**

اگر کسی به چیز حرامی روزه خود را باطل کند مثلاً دروغی را به خدا نسبت بدهد کفاره جمع بر او واجب می‌شود یعنی باید هم برای هر روز دو ماه روزه بگیرد و هم به شخصت فقیر طعام دهد. البته اگر هر دو برایش ممکن نباشد می‌تواند هر کدام را که ممکن است انجام دهد.

(دین و زندگی، درس ۱۰، صفحه ۱۳۷)

(مبوبه ابتسام)

**﴿۳۶﴾ گزینه «۱»**

قرآن کریم می‌فرماید: «کسانی که بعد از روشن شدن هدایت برای آن‌ها پشت به حق کردند، شیطان اعمال زشتستان را در نظرشان زینت داده و آن‌ها را با آرزوهای طولانی فریفته است.» جمله «اما من به شما وعده‌ای دادم و خلاف آن عمل کردم» از شیطان بیانگر وسوسه و فریب شیطان است.

(دین و زندگی، درس ۲، صفحه‌های ۳۳۳ و ۳۳۴)

(سید احسان هنری)

**﴿۳۷﴾ گزینه «۲»**

وجود استعدادها و سرمایه‌های مختلف در انسان ← ضرورت معاد براساس حکمت الهی پیدایش نخستین انسان ← امکان معاد

(دین و زندگی، درس ۴، صفحه‌های ۵۰ تا ۵۲)

(محمد رضا فرهنگیان)

**﴿۳۸﴾ گزینه «۳»**

اولین حادثه مرحله اول قیامت که با پایان یافتن دنیا آغاز می‌شود، شنیده شدن صدایی مهیب است. صدایی مهیب و سهمگینی که آسمان‌ها و زمین را فرا می‌گیرد و این اتفاق آن‌چنان ناگهانی رخ می‌دهد که همه را غافلگیر می‌کند. قرآن کریم از این واقعه به نفح صور باد می‌کند.

پس از کنار رفتن پرده از حقایق عالم، دادگاه عدل الهی برپا می‌شود.

(دین و زندگی، درس ۶، صفحه‌های ۷۱ و ۷۲)

(ویبره‌گاغزی)

**﴿۳۹﴾ گزینه «۴»**

امام سجاد (ع) می‌فرماید: «بار الها خوب می‌دانم هر کس لذت دوستیات چشیده باشد غیر تو را اختیار نمی‌کند و آن کس که با تو انس گیرد لحظه‌ای از تو روی گردان نشود.»

(دین و زندگی، درس ۹، صفحه ۱۰۶)

(ویبره‌گاغزی)

**﴿۴۰﴾ گزینه «۴»**

ما باید عهد و پیمان خود را در زمان‌های معینی مانند آخر هفتۀ، آخر هر ماه یا در هر سال تکرار کیم تا استحکام بیشتری پیدا کند و به فراموشی سپرده نشود و در بهترین زمان محاسبۀ سالانه که شب‌های قدر است محاسبۀ سالانه را انجام دهیم در این صورت می‌توانیم تصمیم‌های بهتری برای آینده داشته باشیم.

(دین و زندگی، درس ۸، صفحه‌های ۹۶ و ۹۸)



(علی شکوهی)

ترجمه جمله: «آقای جیسون، که به تازگی برای هدایت هیئت مدیره این شرکت استخدام شده، برنامه‌هایش را آنقدر خوب توضیح داد که همه اعضا از توضیحاتش قانع شدند و هیچ سوالی مطرح نشد.»

- (۱) به خوبی  
 (۲) به ندرت  
 (۳) بطور مکرر  
 (۴) اصولاً

(میرحسین زاهدی)

ترجمه جمله: «وقتی می‌گوییم بعضی از حیوانات در معرض خطر [انقراس] هستند، به این معناست که ما فقط تعداد کمی از آن‌ها را می‌توانیم در اطراف خود بیابیم.»

- (۱) افزایش دادن  
 (۲) در معرض خطر [انقراس] قرار دادن

- (۳) دنبال کردن  
 (۴) قرار دادن

(واژگان)

(بخار علیزاده)

ترجمه جمله: «بهترین عنوان برای این متن چیست؟»

«چونگونی رسیدگی به رفتار ناشایست کودک»

(درک مطلب)

(بخار علیزاده)

ترجمه جمله: «کدامیک از موارد زیر به عنوان سه اصل مهم در متن ذکر می‌شود؟»

«مسئولیت، پاسخگویی و پیامدها»

(درک مطلب)

(بخار علیزاده)

ترجمه جمله: «لغت "accountable" در پارagraf نخست نزدیک ترین معنی را به "مسئول" دارد.»

(درک مطلب)

(بخار علیزاده)

ترجمه جمله: «از این متن می‌توان نتیجه گرفت که والدین نباید رفتار ناشایست فرزندشان را نادیده بگیرند.»

(درک مطلب)

(بخار علیزاده)

ترجمه جمله: «هدف این متن چیست؟»

«اطلاع دادن به خواننده در مورد کبوترهای خانگی و آموزش آن‌ها»

«(درک مطلب)

(بخار علیزاده)

ترجمه جمله: «در خط ۷۷، هنگامی که نویسنده می‌گوید که صاحبان با اشیاک آسمان را تماشا می‌کنند» اشاره دارد که صاحبان می‌خواهند کبوتر خودشان در مسابقه پیروز شود.

(درک مطلب)

(بخار علیزاده)

ترجمه جمله: «با توجه به متن، تفاوت بین کبوترهای خانگی و عادی در چیست؟»

«اندازه مغز»

(بخار علیزاده)

ترجمه جمله: «چرا نویسنده در پاراگراف آخر اشاره به زنبورها، مورچه‌ها، اسبها و لاک پشت‌ها دارد؟»

«برای مقایسه توانایی‌هایشان در یافتن خانه در مقایسه با کبوترهای خانگی»

(درک مطلب)

**۱- گزینه «۱»**

(میرحسین زاهدی)

ترجمه جمله: «یادت باشد! نباید فراموش کنید آنچه را که به شما گفتم انجام بدید و قنعت که به آن جا رسیدید؛ در غیر این صورت، نقشه ما نابود می‌شود و ممکن است شما به درس بیفتید.»

**زبان انگلیسی ۱****۴۶- گزینه «۲»**

ترجمه جمله: «به معنی "بهتر است فراموش نکنید." جنبه پیشنهاد دارد. "mustn't" به معنی "لازم و ضروری است فراموش نکنید." اجراء خیلی قوی را بیان می‌کند.

نکته مهم درسی "may not" به معنی احتمال اتفاق نیفتادن چیزی است. "have to not" از نظر گرامری غلط است، زیرا "have to" منفي می‌شود. هم‌چنین از لحاظ معنایی و ساختاری با جمله هم خوانی ندارد.

(گرامر)

**۴۷- گزینه «۳»**

(میرحسین زاهدی)

ترجمه جمله: «نگاه کنید! این خانه خیلی زیبا است و من آن را به خانه‌هایی که هفته گذشته دیدیم ترجیح می‌دهم. فکر می‌کنم راحت‌ترین است و قیمتیش هم مناسب است.»

نکته مهم درسی در این سؤال ساختار مقایسه‌ای به کار رفته است. مفهوم جمله نشان می‌دهد که یک خانه نسبت به چند خانه برتر است که در این حالت صفت عالی به کار می‌رود.

(گرامر)

**۴۸- گزینه «۴»**

(بخار مؤمن)

ترجمه جمله: «من در حال حاضر چیزی در ذهن ندارم که درباره‌اش صحبت کنم، اما دیروز در چنین وقتی داشتم به چیزهای زیادی فکر می‌کدم.»

نکته مهم درسی و با توجه به قید "yesterday" در انتهای جمله سایر گزینه‌ها رد می‌شوند. گذشته استمراری، دلالت بر استمرار کاری در زمان مشخصی در گذشته دارد.

(گرامر)

**۴۹- گزینه «۵»**

(علی شکوهی)

ترجمه جمله: «آموزش به نسل جدید برای محترم شمردن سنت‌های قدیمی خانوادگی، به حفظ خانواده در طی سال‌ها، حتی در هنگامی که اعضای خانواده نمی‌توانند دور هم جمع شوند، کمک می‌کند.»

(۱) جامعه  
 (۲) تنوع، تغییر  
 (۳) سنت، رسم  
 (۴) نماد، نشانه

(واژگان)

**۵۰- گزینه «۶»**

(علی شکوهی)

ترجمه جمله: «مدیر از تمام معاونانش خواست تا چند پیشنهاد کاربردی و مفید در مورد این که چگونه به بهترین شکل با بحران مالی مهمی که اخیراً به وجود آمده است رسیدگی کنند، ارائه دهند.»

(۱) تعهد، الزام  
 (۲) توصیف  
 (۳) مقدمه، معرفی  
 (۴) پیشنهاد

نکته مهم درسی به عبارت (پیشنهاد دادن) "make a suggestion" "توجه کنید." (واژگان)



آزمون ۲ خرداد ۹۹

زیرخواستی کاپی سنجی

## اختصاصی دوازدهم ریاضی (نظام جدید)

جدید آورندگان

نام درس	فرصت	نام طراحان (به ترتیب حروف الفبا)
ریاضی ۱	۱	محمد پیمانی - میلاد چاشنی - عادل حسینی - سعید خانجانی - طاهر دادستانی - یاسن سپهر - میلاد سجادی لاریجانی - علی شهرابی - سعید علم پور - حمید علیزاده - جهانبخش نیکنام
هندسه ۱	۱	امیرحسین ابومحبوب - محمد خندان - مسعود درویشی - رضا عباسی اصل - فرشاد فرامرزی - محمد ابراهیم گیتی زاده
فیزیک ۱	۱	خسرو ارغوانی فرد - زهره آقامحمدی - عبدالرضا امینی نسب - امیرمهدي جعفری - بیتا خورشید - میثم دشتیان - محمدعلی راست پیمان - علی قائی - محسن قندچلر - مصطفی کیانی - علیرضا گونه - حسین مخدومی - روبن هوانسیان
شیمی ۱	۱	فرشته پورشعبان - امیر حاتمیان - موسی خیاطعلیمحمدی - مهدی شریفی - علیرضا شیخ‌الاسلامی پول - میلاد شیخ‌الاسلامی خیاوی - میلاد میرجیدری - نوید نقاشان - اشکان وندایی

گروه علمی

نام درس	ریاضی ۱	هندسه ۱	فیزیک ۱	شیمی ۱
گروه شناسگر	کاظم اجلالی	امیرحسین ابومحبوب	سیدعلی میرنوری	امیرعلی برخورداریون
گروه ویراستاری	مرضیه گودرزی علی ارجمند	عادل حسینی	امیر محمودی انزایی	امیرحسین معروفی مبینا شرافتی پور متین هوشیار
ویرایش استاد	کاظم اجلالی	---	سیدعلی میرنوری	مصطفی رستم‌آبادی
مسئول درس	عادل حسینی	امیرحسین ابومحبوب	بابک اسلامی	سهند راحمی پور

## سایت کنکور

گروه فنی و تولید

مدیر گروه	محمد اکبری
مسئول دفترچه	عادل حسینی
گروه مستندسازی	مدیر گروه: فاطمه رسولی نسب مسئول دفترچه: آته اسفندیاری
حروفنگار و صفحه‌آرا	حسن خرم‌جو - ندا اشرفی
ناظر چاپ	سوران نعیمی

### گروه آزمون

### بنیاد علمی آموزشی قلم‌چی (وقف عام)

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۷۳ - کانون فرهنگی آموزش - تلفن: ۰۶۴۶۳-۰۶۱



$n^2 + 2n - 2 = 358 \Rightarrow n^2 + 2n + 1 = 19^2$  را برابر با  $358$  قرار می‌دهیم:

$$\Rightarrow (n+1)^2 = 19 \Rightarrow n+1 = 19 \Rightarrow n = 18$$

(میلاد پاشمن)

گزینه «۳» - ۶۴

$$1) a_7 + a_3 + a_4 = 21, \quad 2) a_3 \times a_5 = 91$$

$$1) a_1 + d + a_1 + 2d + a_1 + 3d = 21 \Rightarrow 3a_1 + 6d = 21$$

$$\Rightarrow a_1 + 2d = 7 \quad (*)$$

$$2) (a_1 + 2d)(a_1 + 3d) = 91 \xrightarrow[a_1 + 2d = 7]{} a_1 + 3d = 13 \quad (**)$$

$$\begin{cases} a_1 + 2d = 7 \\ a_1 + 3d = 13 \end{cases} \Rightarrow 2d = 6 \Rightarrow d = 3$$

(بهانیش کلینام)

گزینه «۱» - ۶۵

واسطه هندسی  $b$  و  $d$  همان  $c$  می‌باشد پس  $c = 42$ , فرض کنیم

قدرتیت دنباله هندسی  $r$  باشد:

$$\frac{b+d}{2} = 49 \Rightarrow \frac{r + 42r}{2} = 49 \Rightarrow 21\left(r + \frac{1}{r}\right) = 49$$

$$\Rightarrow r + \frac{1}{r} = \frac{7}{3}$$

$$e, a, a = \frac{a+e}{2} = \frac{\frac{c}{r} + cr}{2} = 21\left(r^2 + \frac{1}{r^2}\right)$$

$$= 21\left(\left(r + \frac{1}{r}\right)^2 - 2\right) = 21\left(\frac{49}{9} - 2\right) = \frac{217}{3}$$

(محمد پیمان)

گزینه «۱» - ۶۶

$$\sin x - \sin^2 x > 0 \Rightarrow \sin x \underbrace{(\sin x)}_{\oplus} > 0 \Rightarrow \sin x > 0$$

در ربع اول یا دوم است.

$$\tan x + \cot x < 0 \Rightarrow \tan x + \frac{1}{\tan x} < 0 \Rightarrow \tan x < 0$$

بنابراین  $x$  در ربع دوم است.

ریاضی ۱

گزینه «۴» - ۶۱

(طاهر درستان)

$$(B - A) \cap C = ((-\infty, 2) - [-3, 8]) \cap (-10, a)$$

$$= (-\infty, -3) \cap (-10, a) = (-10, -3) \Rightarrow a \geq -3$$

با توجه به گزینه‌ها،  $a$  می‌تواند  $-2$  باشد.

گزینه «۳» - ۶۲

(عادل مسینی)

مجموعه دانش آموزان مردد شده در درس ریاضی:  $A$

مجموعه دانش آموزان مردد شده در درس فیزیک:  $B$

$M$ : مجموعه کل دانش آموزان کلاس

$A \cup B$ : دانش آموزانی که حداقل در یکی از دروس ریاضی و فیزیک

مردد شده‌اند.

$$\frac{n(A \cup B)}{n(M)} = \frac{n(A)}{n(M)} + \frac{n(B)}{n(M)} - \frac{n(A \cap B)}{n(M)}$$

$$\Rightarrow 100\% = p(A) + p(B) - p(A \cap B) = \%85 + \%70 - p(A \cap B)$$

$$\Rightarrow p(A \cap B) = \%55$$

در نتیجه:

$$p(A) - p(A \cap B) = \%30 \quad \text{درصد دانش آموزانی که فقط در ریاضی مردد شده‌اند}$$

$$p(B) - p(A \cap B) = \%15 \quad \text{درصد دانش آموزانی که فقط در فیزیک مردد شده‌اند}$$

$$= \%30 + \%15 = \%45 \quad \text{درصد دانش آموزانی که فقط در یک درس مردد شده‌اند} \Rightarrow$$

(علی شهرابی)

گزینه «۲» - ۶۲

در مرحله  $n^2$  ام، یک مربع  $n+2$  در  $n+2$  داریم. یعنی مجموعاً

$$(n+2)^2 \quad \text{تا مربع که } n+3 \text{ مربع آن رنگ نشده است، پس:}$$

$$n+3 \quad \text{: تعداد مربع‌های رنگ نشده مرحله } n^2 \text{ ام}$$

$$(n+2)^2 - (n+3) = n^2 + 2n + 1 \quad \text{: تعداد مربع‌های رنگ شده مرحله } n^2 \text{ ام}$$

پس تفاضل مربع‌های رنگ شده و رنگ نشده برابر است با:

$$(n^2 + 2n + 1) - (n+2) = n^2 + 2n - 2$$



(سعید علی‌پور)

## گزینه «۲» - ۷۱

$$\begin{aligned} A^{\sqrt{2}} &= 3 + \sqrt{2\sqrt{2}+1} + 3 - \sqrt{2\sqrt{2}+1} - 2\sqrt{9-2\sqrt{2}-1} \\ \Rightarrow A^{\sqrt{2}} &= 6 - 2\sqrt{8-2\sqrt{2}} = 6 - 2\sqrt{(\sqrt{2}-1)^2} = 6 - 2(\sqrt{2}-1) \\ &= 8 - 2\sqrt{2} = (\sqrt{2}-1)^2 \Rightarrow A = \sqrt{2}-1 \\ \frac{\sqrt{2}-1}{\sqrt{2}+1} &= \frac{\sqrt{2}-1}{\sqrt{2}+1} \times \frac{\sqrt{2}-1}{\sqrt{2}-1} = \frac{8-2\sqrt{2}}{6} = \frac{4-\sqrt{2}}{3} \end{aligned}$$

(ریاضین سپهر)

## گزینه «۴» - ۷۲

$$\begin{aligned} A &= \frac{1}{\sqrt[3]{1} + \sqrt[3]{2} + \sqrt[3]{4}} = \frac{1}{(\sqrt[3]{3})^2 + \sqrt[3]{2}\sqrt[3]{3} + (\sqrt[3]{2})^2} \\ &\times \frac{\sqrt[3]{3} - \sqrt[3]{2}}{\sqrt[3]{3} - \sqrt[3]{2}} = \frac{\sqrt[3]{3} - \sqrt[3]{2}}{3-2} = \sqrt[3]{3} - \sqrt[3]{2} \\ \Rightarrow \left(\frac{1}{A}\right)^2 &= \left(\sqrt[3]{3} + \sqrt[3]{2} - \sqrt[3]{2}\right)^2 = 3 \end{aligned}$$

(علی شهرابی)

## گزینه «۲» - ۷۳

معادله سهمی به مختصات رأس  $(x_s, y_s)$  به صورت زیر است:

$$f(x) = a(x - x_s)^2 + y_s$$

با جایگذاری  $x_s = 2$  و  $y_s = -8$ , داریم:

$$f(x) = a(x - 2)^2 - 8$$

نقطه  $(-4, 0)$  روی سهمی است، پس:

$$f(0) = -4 \Rightarrow 4a - 8 = -4 \Rightarrow a = 1$$

معادله سهمی به صورت  $f(x) = (x - 2)^2 - 8$  است.می‌خواهیم  $f$  پایین نیم‌ساز ربع دوم و چهارم قرار گیرد:

$$f(x) < -x \Rightarrow (x - 2)^2 - 8 < -x \Rightarrow x^2 - 4x - 4 < -x$$

$$\Rightarrow x^2 - 3x - 4 < 0 \Rightarrow (x - 4)(x + 1) < 0 \Rightarrow -1 < x < 4$$

پس:

$$m + n = 2(-1) + 4 = 2$$

(ریاضین سپهر)

## گزینه «۲» - ۶۷

$$m = \tan 60^\circ = \sqrt{3}$$

پس معادله خط فوق عبارت است از:

$$y - 3 = \sqrt{3}(x - (-\sqrt{3})) \Rightarrow y - 3 = \sqrt{3}(x + \sqrt{3})$$

$$\xrightarrow{x=0} y - 3 = \sqrt{3}(\sqrt{3})$$

عرض از مبدأ:  $y_0 = 6$ 

(سعید فانجانی)

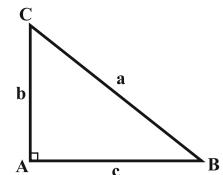
## گزینه «۲» - ۶۸

با توجه به مفروضات مسئله داریم:

$$\cos B = \frac{c}{a}, \cos C = \frac{b}{a}$$

$$1 + (\cos^2 B + \cos^2 C) = 1 + \left(\frac{c^2}{a^2} + \frac{b^2}{a^2}\right) = 1 + \left(\frac{c^2 + b^2}{a^2}\right)$$

$$\text{طبقه بندی} \xrightarrow{a^2 = b^2 + c^2} 1 + \left(\frac{a^2}{a^2}\right) = 1 + 1 = 2$$



(طاهر درستاخانی)

## گزینه «۲» - ۶۹

$$P = \sin x (\sin x - \cos x)$$

$$\frac{P}{\cos^2 x} = \frac{\sin x (\sin x - \cos x)}{\cos^2 x}$$

$$\Rightarrow P(1 + \tan^2 x) = \tan x (\tan x - 1) \Rightarrow P(1 + 1) = 2(2 - 1)$$

$$\Rightarrow \Delta P = 2 \Rightarrow P = \frac{2}{5}$$

(محمد علیزاده)

## گزینه «۴» - ۷۰

ابتدا پایه‌های دو عدد  $A$  و  $B$  را یکسان می‌کنیم:

$$A = \sqrt[3]{-8\sqrt[3]{32}} = -\sqrt[3]{2^3 \times 2^3} = -\sqrt[3]{2^3} = -2$$

$$B = \sqrt[3]{\left(\frac{1}{2}\right)^{-2}} = \sqrt[3]{(2^{-1})^{-2}} = \sqrt[3]{2^2} = 2^{\frac{2}{3}}$$

$$\Rightarrow (-A \times B)^{-\frac{3}{2}} = \left(2^{\frac{2}{3}} \times 2^{\frac{2}{3}}\right)^{-\frac{3}{2}} = \left(2^{\frac{4}{3}}\right)^{-\frac{3}{2}} = 2^{-2} = \frac{1}{4} = 0.25$$



$$-\frac{2}{3} \leq x \leq 1 \xrightarrow{x \rightarrow -} -2 \leq 3x \leq 3 \xrightarrow{-1} -3 \leq 3x - 1 \leq 2$$

$$\frac{b=2}{a=-3} \rightarrow b - a = 2 - (-3) = 5$$

(میلاد سهاری لاریجانی)

## گزینه «۱»

برای اینکه  $f$  نمایش یک تابع باشد، نباید مؤلفه‌های اول زوج‌های متمایز یکسان باشند.

$$\Rightarrow -2a = 4 \Rightarrow a = -2$$

$$\Rightarrow f = \{(2, 4), (0, b), (2, 4), (0, 4), (-6, 2)\}$$

$$\Rightarrow b = 4 \Rightarrow a + b = 2$$

(یاسین سپهر)

## گزینه «۳»

$$f(x) = x \Rightarrow f(-2) = -2, f(2) = 2$$

$$\text{تابع ثابت: } g(x) = c$$

$$\begin{cases} g(x) = c \\ 2f(-2) = g(2) \end{cases} \Rightarrow -4 = c$$

$$\text{تابع خطی: } h(x) = ax + b$$

$$\begin{cases} h(-2) = -2a + b = -4 \\ h(2) = 2a + b = 0 \end{cases} \Rightarrow a = \frac{1}{2}, b = -2$$

$$\Rightarrow h(x) = \frac{1}{2}x - 2$$

$$\frac{h(x) \geq 0}{\frac{1}{2}x - 2 \geq 0} \Rightarrow x \geq 4$$

(کتاب آمیزی ریاضی پایه - سوال ۱۳۳)

## گزینه «۲»

$$-2 \leq x \leq 3 \xrightarrow{x \rightarrow -} -6 \leq -2x \leq 6$$

$$\xrightarrow{+2} -4 \leq -2x + 2 \leq 6 \Rightarrow -4 \leq g(x) \leq 6$$

$$\Rightarrow g = [-4, 6]$$

(میلاد سهاری لاریجانی)

## گزینه «۱»

$$f(x) = |x| + a \xrightarrow{x \in (0, 1)} f(x) = x + a$$

$$g(x) = b|x - 1| + 2 \xrightarrow{x \in (0, 1)} g(x) = b(1 - x) + 2$$

$$\Rightarrow g(x) = -bx + b + 2$$

$f(x)$  و  $g(x)$  منطبق بر یکدیگر می‌باشند، در نتیجه:

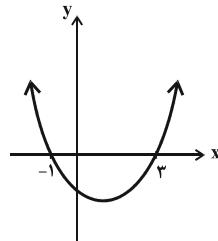
$$-bx + (b + 2) = x + a \Rightarrow -bx = x \Rightarrow b = -1$$

$$b + 2 = a \Rightarrow -1 + 2 = a \Rightarrow a = 1$$

(یاسین سپهر)

## گزینه «۱»

بر اساس اطلاعات مسأله نمودار تابع  $f$  به شکل زیر می‌باشد:



سهیمی به معادله  $y = ax^2 + bx + c$  در صورتی که محور  $x$  ها را در ۲ نقطه قطع نماید (همان ریشه‌های تابع) میانگین آن دو نقطه طول رأس سهیمی می‌باشد، از طرفی محور تقارن سهیمی خط قائمی است که از رأس سهیمی می‌گذرد. پس:

$$x = \frac{-1 + 3}{2} = 1$$

$x = 1$  هم طول رأس سهیمی و معادله محور تقارن سهیمی می‌باشد.

(علی شهرابی)

## گزینه «۴»

ریشه عبارت  $ax + b$  یعنی  $\frac{b}{a}$  برابر است. پس:

$$-\frac{b}{a} = \frac{3}{2} \Rightarrow b = -\frac{3}{2}a$$

ضمناً با توجه به جدول نتیجه می‌گیریم:  $a < 0$  و  $b > 0$ .

حالا ریشه عبارت  $bx - 2a$  را حساب می‌کنیم:

$$bx - 2a = 0 \Rightarrow x = \frac{2a}{b} = \frac{2a}{-\frac{3}{2}a} = -\frac{4}{3}$$

چون  $b > 0$  است، پس جدول تعیین علامت به شکل زیر است:

	$x$	-	$-\frac{4}{3}$	$\frac{2}{3}$	+
	$bx - 2a$	-	0	+	

(محمد علیزاده)

## گزینه «۴»

$$3x^2 - x - 2 \leq 0 \Rightarrow x = 1, x = -\frac{2}{3}$$

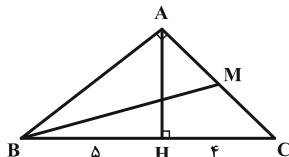
	$x$	-	$-\frac{2}{3}$	1	+
	$3x^2 - x - 2$	+	0	-	+

$$\Rightarrow -\frac{2}{3} \leq x \leq 1$$



(محمد قدران)

«۲» گزینه -۸۴



$$BC = BH + CH = 5 + 4 = 9$$

طبق روابط طولی در مثلث قائم‌الزاویه  $ABC$  داریم:

$$AB^2 = BH \times BC = 5 \times 9 = 45 \Rightarrow AB = 3\sqrt{5}$$

$$AC^2 = CH \times BC = 4 \times 9 = 36 \Rightarrow AC = 6$$

کوچک‌ترین ضلع این مثلث است. با استفاده از قضیه فیثاغورس در مثلث  $ABM$  داریم:

$$BM^2 = AB^2 + AM^2 = (3\sqrt{5})^2 + 3^2 = 45 + 9 = 54$$

$$\Rightarrow BM = 3\sqrt{6}$$

(فرشاد فرامرزی)

«۱» گزینه -۸۵

$$AB \parallel A'B' \xrightarrow{\text{قضیه تالیس}} \frac{OA}{AA'} = \frac{OB}{BB'} \quad (1)$$

$$BC \parallel B'C' \xrightarrow{\text{قضیه تالیس}} \frac{OC}{CC'} = \frac{OB}{BB'} \quad (2)$$

$$(1), (2) \Rightarrow \frac{OA}{AA'} = \frac{OC}{CC'} \xrightarrow{\text{عكس قضیه تالیس}} AC \parallel A'C'$$

$$\xrightarrow{\text{قضیه اساسی تشابه مثلثها}} \triangle AOC \sim \triangle A'OC'$$

$$\frac{S_{AOC}}{S_{A'OC'}} = \left( \frac{OA}{OA'} \right)^2 = \left( \frac{2}{3} \right)^2 = \frac{4}{9}$$

$$\xrightarrow{\text{تفضیل نسبت در مخرج}} \frac{S_{AOC}}{S_{A'OC'} - S_{AOC}} = \frac{4}{9-4}$$

$$\Rightarrow \frac{S_{AOC}}{S_{ACC'A'}} = \frac{4}{5} \Rightarrow \frac{S_{ACC'A'}}{S_{AOC}} = \frac{5}{4}$$

(مسعود درویش)

«۳» گزینه -۸۶

گزینه «۱»: عکس قضیه: «اگر هر قطر یک چهارضلعی آن را به دو مثلث همنهشت تقسیم کند، آنگاه آن چهارضلعی لوزی است». عکس قضیه لزوماً برقرار نیست چون چهارضلعی مورد نظر می‌تواند متوازی‌الاضلاع باشد.

(مسعود درویش)

هندسه (۱)

«۴» گزینه -۸۱

نقیض گزاره «مستطیلی وجود دارد که دارای دو قطر برابر باشد». به صورت گزاره «همه مستطیل‌ها دو قطر نابرابر دارند». و یا گزاره «هیچ مستطیل وجود ندارد که دارای دو قطر برابر باشد» نوشته می‌شود.

(امیرحسین ابومصوب)

«۴» گزینه -۸۲

با توجه به اندازه زاویه‌ها،  $\widehat{ACB} = \widehat{ACD} = 70^\circ$  و  $\widehat{DAE} = 80^\circ$  است. در این صورت داریم:

گزینه «۱»:

$$\triangle ADE : \widehat{DAE} > \widehat{E} \Rightarrow DE > AD \quad (*)$$

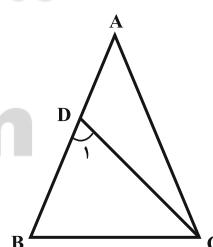
گزینه «۲»:

$$\triangle ADC : \widehat{ACD} > \widehat{ADC} \Rightarrow AD > AC \quad (**) \quad \xrightarrow{(*)} DE > AC$$

گزینه «۳»:

$$\triangle ABC : \widehat{ABC} > \widehat{ACB} \Rightarrow AC > AB \quad (*) \quad \xrightarrow{(*)(**)} AD > AB$$

«۲» گزینه -۸۲



$$\triangle BDC : CD = BC \Rightarrow \widehat{D}_1 = \widehat{B} \Rightarrow \widehat{D}_1 = \widehat{ACB}$$

$$\left. \begin{array}{l} \widehat{B} = \widehat{B} \\ \widehat{D}_1 = \widehat{ACB} \end{array} \right\} \xrightarrow{\text{تساوی دو زاویه}} \triangle CBD \sim \triangle ABC \Rightarrow \frac{BD}{BC} = \frac{BC}{AB}$$

$$\Rightarrow \frac{BD}{5} = \frac{6}{8} \Rightarrow BD = 4.5$$

$$AD = AB - BD = 8 - 4.5 = 3.5$$



(امیرحسین ابومصوب)

## گزینه «۳» -۸۸

طبق فرمول پیک برای مساحت چندضلعی های شبکه ای داریم:

$$S = \frac{b}{2} + i - 1 - \frac{i-3b}{2} \Rightarrow S = \frac{b}{2} + 3b - 1 = \frac{7}{2}b - 1$$

$$\Rightarrow 2S = 7b - 2$$

در رابطه به دست آمده،  $b$  عددی طبیعی و بزرگ تر یا مساوی ۳ است. حال برای گزینه ها داریم:

$$\text{غ.ق.ق.} : S = 6 \Rightarrow 12 = 7b - 2 \Rightarrow b = 2 \quad \text{گزینه «۱»}$$

$$\text{غ.ق.ق.} : S = 10/5 \Rightarrow 21 = 7b - 2 \Rightarrow b = \frac{23}{7} \quad \text{گزینه «۲»}$$

$$\text{ق.ق.ق.} : S = 16/5 \Rightarrow 33 = 7b - 2 \Rightarrow b = 5 \quad \text{گزینه «۳»}$$

$$\text{غ.ق.ق.} : S = 21 \Rightarrow 42 = 7b - 2 \Rightarrow b = \frac{44}{7} \quad \text{گزینه «۴»}$$

(محمد ابراهیم کیانی زاده)

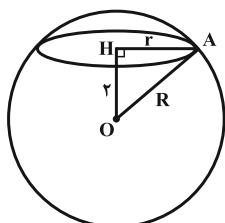
## گزینه «۴» -۸۹

صفحة  $Q$  را شامل خط  $d_1$  و موازی با صفحه  $P$  رسم می کنیم. می دانیم اگر خطی که از دو صفحه موازی را قطع کند، دیگری را نیز قطع می نماید. بنابراین خط  $d_2$  صفحه  $Q$  را در نقطه ای مانند  $A$  قطع می کند. اگر نقطه  $A$  روی خط  $d_1$  باشد ( $d_1$  و  $d_2$  متقاطع باشند)، آنگاه تمامی خطوط گذرنده از نقطه  $A$  در صفحه  $Q$  (به جز خط  $d_1$ ) دارای شرایط مسئله هستند یعنی هر دو خط  $d_1$  و  $d_2$  را قطع می کنند و با صفحه  $P$  موازی اند. اگر نقطه  $A$  روی خط  $d_1$  نباشد، تمامی خطوط واقع بر صفحه  $Q$  که نقطه  $A$  را به یکی از نقاط واقع بر خط  $d_2$  وصل می کنند، جواب مسئله هستند، پس در هر صورت مسئله دارای بی شمار جواب است.

(رضا عباسی اصل)

## گزینه «۳» -۹۰

$$4\pi R^2 = 48\pi \Rightarrow R^2 = 12 \quad \text{مساحت کره}$$

اگر شعاع دایره سطح مقطع را با  $r$  نمایش دهیم، آنگاه داریم:

$$\triangle OAH : R^2 = r^2 + r^2 \Rightarrow r^2 = 12 - 4 = 8$$

$$\Rightarrow \pi r^2 = 8\pi \quad \text{مساحت سطح مقطع}$$

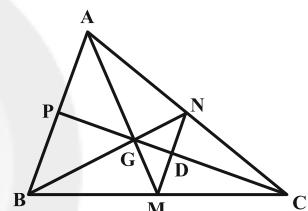
گزینه «۲»: عکس قضیه: «اگر هر قطر یک چهارضلعی، نیمساز زوایای دو سر آن قطر باشد، آنگاه آن چهارضلعی مربع است». عکس قضیه لزوماً برقرار نیست چون چهارضلعی مورد نظر می تواند لوزی باشد.

گزینه «۳»: عکس قضیه: «اگر قطرهای یک چهارضلعی برابر و منصف یکدیگر باشند، آنگاه آن چهارضلعی مستطیل است». عکس قضیه برقرار است.

گزینه «۴»: عکس قضیه: «اگر یکی از قطرهای یک چهارضلعی، عمود منصف قطر دیگر باشد، آنگاه آن چهارضلعی لوزی است». عکس قضیه لزوماً برقرار نیست چون چهارضلعی مورد نظر می تواند کایت باشد.

(امیرحسین ابومصوب)

## گزینه «۲» -۸۷



می دانیم از رسم میانه های هر مثلث، ۶ مثلث هم مساحت ایجاد می شود، بنابراین داریم:

$$S_{AGN} = \frac{1}{6} S_{ABC}$$

$$S_{CNGM} = 2 \times \frac{1}{6} S_{ABC} = \frac{1}{3} S_{ABC}$$

$$\frac{CN}{NA} = \frac{CM}{MB} = 1 \xrightarrow{\text{عکس قضیه تالس}} NM \parallel AB$$

نقاط  $M$  و  $N$  وسطهای اضلاع  $BC$  و  $AC$  هستند، پس داریم:

$$\Rightarrow \frac{S_{GNM}}{S_{ABC}} = \left( \frac{CN}{CA} \right)^2 = \frac{1}{4}$$

$$S_{GNM} = S_{CNGM} - S_{CNM} = \frac{1}{3} S_{ABC} - \frac{1}{4} S_{ABC} = \frac{1}{12} S_{ABC}$$

$$\Rightarrow S_{GND} = \frac{1}{2} S_{GNM} = \frac{1}{24} S_{ABC}$$

$$S_{AGDN} = S_{AGN} + S_{GND} = \frac{1}{6} S_{ABC} + \frac{1}{24} S_{ABC} = \frac{5}{24} S_{ABC}$$

تذکر: طول پاره خط های  $ND$  و  $DM$  به ترتیب نصف طول پاره خط های  $AP$  و  $PB$  است، پس  $ND = DM$ .



$$V_{\text{واقعی}} = V_{\text{ظاهری}} - \text{حفره} = 100 \text{ cm}^3$$

$$\rho_{\text{فلز}} = \frac{m}{V} = \frac{m_{\text{فلز}}}{V_{\text{فلز}}} = \frac{m_{\text{فلز}}}{V_{\text{حفره فلز}} + V_{\text{حفره فلز}}} \Rightarrow \rho_{\text{فلز}} = \frac{m_{\text{فلز}}}{100} \Rightarrow m_{\text{فلز}} = 800 \text{ g}$$

$$m_{\text{مجموعه}} = m_{\text{آلومینیوم}} + m_{\text{فلز}} = 800 + 540 = 1340 \text{ g}$$

(فسرو ارغوانی فردر)

گزینه «۳» - ۹۴

$$\text{طبق رابطه } K = \frac{1}{2}mv^2, \text{ انرژی جنبشی با مجدور تندی نسبت مستقیم دارد.}$$

$$\frac{K_2}{K_1} = \left( \frac{v_2}{v_1} \right)^2 \Rightarrow \frac{45}{40} = \left( \frac{v_2}{v_1} \right)^2 \Rightarrow \frac{v_2}{v_1} = \frac{3}{2} \Rightarrow v_2 = 1.5v_1$$

$$\frac{v_2 - v_1}{v_1} \times 100 = \text{درصد تغییرات تندی گلوله}$$

$$= \frac{1.5v_1 - v_1}{v_1} \times 100 = 50\%$$

(زهره آقامحمدی)

گزینه «۴» - ۹۵

وقتی جسم روی سطح ۴m جابه جا می شود، ارتفاع آن ۲m تغییر می کند.

$$W_t = K_2 - K_1 = 0$$

$$\Rightarrow W_F + W_{mg} + W_{f_k} = 0$$

$$\Rightarrow W_F + mg\Delta h - f_k d = 0 \Rightarrow W_F + 2 \times 10 \times 2 - 6 \times 4 = 0$$

$$\Rightarrow W_F + 40 - 24 = 0 \Rightarrow W_F = -16 \text{ J}$$

(مینم شتیان)

فیزیک ۱

«۳» - ۹۱

کافی است از تبدیل زنجیره‌ای استفاده کنیم:

$$2 / 5 \times 10^3 \text{ nmi}$$

$$= 2 / 5 \times 10^3 \text{ nmi} \times \frac{10^{-9} \text{ mi}}{1 \text{ nmi}} \times \frac{16 \times 10^3 \text{ m}}{1 \text{ mi}} \times \frac{1 \text{ Mm}}{10^6 \text{ m}}$$

$$= 40 \times 10^{-10} \text{ Mm}$$

که به صورت نمادگذاری علمی، به فرم  $4 / 0 \times 10^{-9}$  مگامتر خواهد شد.

(مهسن قندرپلر)

گزینه «۴» - ۹۲

ابتدا چگالی مایع مخلوط را به دست می آوریم:

$$\begin{cases} m_1 = m_2 = m \\ \rho_1 = 4 / 1 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3} \\ \rho_2 = 1 / 2 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3} \end{cases}$$

$$\rho_{\text{مخلوط}} = \frac{m_1 + m_2}{V_1 + V_2} = \frac{m_1 + m_2}{\frac{m_1}{\rho_1} + \frac{m_2}{\rho_2}} = \frac{m + m}{\frac{m}{4/1} + \frac{m}{1/2}} = 1 / 92 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$$

اکنون جرم  $200 \text{ cm}^3$  از این مخلوط را محاسبه می کنیم:

$$m_{\text{مخلوط}} = \rho_{\text{مخلوط}} \cdot V = 1 / 92 \times 200 = 384 \text{ g}$$

(امیرمهدی بختی)

گزینه «۱» - ۹۳

با استفاده از تعریف چگالی داریم:

$$\rho = \frac{m}{V} \xrightarrow[m=540 \text{ g}]{\rho=4/1 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}} V_{\text{واقعی}} = 200 \text{ cm}^3$$



در نقاط هم تراز یک مایع ساکن، داریم:

$$\rho_1 h_1 = \rho_2 h_2 \Rightarrow \rho_1 \times h = \rho_2 (h - \lambda)$$

$$\Rightarrow \rho_1 \times h = 3\rho_1 (h - \lambda) \Rightarrow h = 12\text{cm}$$

(عبدالرضا امینی نسب)

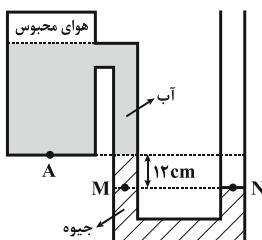
«۲» - ۹۹

ابتدا فشار ناشی از ستون آبی به ارتفاع cmHg ۶۸ را بر حسب cmHg به دست

می آوریم، داریم:

$$(\rho_1 h_1)_{آب} = (\rho_2 h_2)_{جیوه} \Rightarrow 1 \times 68 = 13 / 6 \times h_2 \Rightarrow h_2 = 5\text{cmHg}$$

از طرفی مطابق شکل، نقاط M و N هم فشارند، بنابراین داریم:



$$P_M = P_N$$

$$\Rightarrow P_{آب} + P_{جیوه} + P_{هوای محبوس} = P.$$

$$\Rightarrow P_{هوای محبوس} + 5 + 12 = 76 \Rightarrow P_{هوای محبوس} = 76 - 12 = 59\text{cmHg}$$

(فسرو ارجاعی فردا)

«۲» - ۱۰۰

بنابر اصل پایستگی جريان، مقدار آب ورودی و خروجی در هر لحظه بمسان

است. پس در هر دقیقه ۶ لیتر و یا در هر ثانیه  $1 / ۰ = ۰.۰6$  لیتر آب از هر

قطعی از لوله شارش می شود.

(علیرضا گونه)

«۲» - ۹۶

با استفاده از رابطه بازده می توان نوشت:

$$Ra = \frac{P_{خروجی}}{P_{ورودی}} \times 100 \Rightarrow \frac{45}{100} = \frac{P_{خروجی}}{4 \times 10^3} \Rightarrow P_{خروجی} = (40 \times 45)W$$

از طرفی طبق رابطه توان داریم:

$$P = \frac{Q}{t} \Rightarrow P_{خروجی} = \frac{mc\Delta\theta}{\Delta t} \Rightarrow 40 \times 45 = \frac{m \times 4200 \times 90}{7 \times 60}$$

$$\Rightarrow m = 2\text{kg}$$

(محمدعلی راست پیمان)

«۱» - ۹۷

طبق رابطه فشار وارد از طرف مایع بر کف ظرف، داریم:

$$P = \rho gh \Rightarrow \Delta P = g(\rho_1 h_1 - \rho_2 h_2)$$

$$\Rightarrow \Delta P = 10 \times \left( 13 / 6 \times 10^3 \times 0 / 3 - \frac{1}{\lambda} \times 13 / 6 \times 10^3 \times 0 / 5 \right)$$

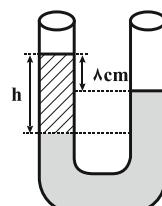
$$\Rightarrow \Delta P = 32 / 3 \times 10^3 \text{ Pa} = 32 / 3 \text{ kPa}$$

(بیتا فورشید)

«۲» - ۹۸

با توجه به نمودار، نسبت چگالی‌ها را می‌یابیم:

$$\rho = \frac{m}{V} \Rightarrow \frac{\rho_2}{\rho_1} = \frac{m_2}{m_1} \times \frac{V_1}{V_2} = \frac{3m}{m} \times 1 \Rightarrow \rho_2 = 3\rho_1$$



پس مایع زیرین در لوله U شکل را مایع (۲) است. با توجه به برابری فشار



$$\Delta \rho = -\gamma \alpha \rho_0 \Delta T \Rightarrow \frac{-\Delta \rho}{\rho_0} = \gamma \alpha \Delta T$$

$$\Rightarrow \frac{\Delta V}{V_0} = \frac{-\Delta \rho}{\rho_0} \Rightarrow \frac{2 \times 10^{-3}}{2} = \frac{-\Delta \rho}{2000} \Rightarrow \Delta \rho = -\frac{(2000)(2 \times 10^{-3})}{2}$$

$$\Rightarrow \Delta \rho = -2 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$$

(امیرمهدی بعفری)

## - ۱۰.۵ گزینه «۳»

می‌دانیم که انرژی لازم برای تغییر سطحی آب، از خود آب گرفته می‌شود.

یعنی انرژی بخشی از آب گرفته شده (تبديل به یخ می‌شود) و به بخش

دیگری از آب داده می‌شود (تبديل به بخار می‌شود). پس داریم:

$$m \times L_F = m_{\text{تبغیر شده}} \times L_V$$

$$\frac{L_V = 100}{\text{تبغیر شده}} \rightarrow m = 9m_{\text{منجمد شده}}$$

$$\frac{m_{\text{تبغیر شده}} = \frac{5}{100} \times 450 = 22.5 \text{ g}}{\text{منجمد شده}} \rightarrow m = 20.2 / 5 \text{ g}$$

$$\Rightarrow m_{\text{تبغیر شده}} - m_{\text{منجمد شده}} - m_{\text{آب اولیه}} = m_{\text{باقی مانده}}$$

$$= 450 - 20.2 / 5 - 22.5 / 5 = 225 \text{ g}$$

(فسرو ارغوانی فردر)

## - ۱۰.۶ گزینه «۴»

طبق صورت سؤال به ازاء افزایش دما از صفر درجه سلسیوس تا  $40^\circ\text{C}$

افزایش طول میلّه مسی  $6\text{ cm}$  بیشتر از افزایش طول میلّه آهنی است.

بنابراین:

$$\Delta L_{\text{Cu}} = \Delta L_{\text{Fe}} + 6$$

(علی قائمی)

## - ۱۰.۱ گزینه «۱»

جسم در حالت دوم هم در حالت تعادل قرار دارد. بنابراین برآیند نیروهای وارد بر آن صفر است. این نیروها عبارتند از نیروی خالص شناوری رو به بالا و نیروی وزن جسم رو به پایین. چون در حالت دوم، وزن جسم تغییری نکرده، بنابراین اندازه نیروی شناوری هم تغییری نمی‌کند.

(مسین مفروهمی)

## - ۱۰.۲ گزینه «۳»

تفستج (پیرومتر) بر اساس تابش گرمایی کار می‌کند.

(مسین مفروهمی)

## - ۱۰.۳ گزینه «۱»

طبق اصل پایستگی انرژی، مجموع گرماهای مبادله شده و اتلافی صفر هستند.

بنابراین:

$$Q_1 + Q_2 + Q_3 = 0 \Rightarrow m_1 c \Delta T_1 + m_2 c \Delta T_2 + Q_3 = 0$$

$$\Rightarrow 2 \times 4000 \times (20 - 10) + 3 \times 4000 \times (20 - 50) + Q_3 = 0$$

$$\Rightarrow 8 \times 10^4 - 36 \times 10^4 + Q_3 = 0$$

$$\Rightarrow Q_3 = 28 \times 10^4 \text{ J} = 28 \text{ kJ}$$

(علی قائمی)

## - ۱۰.۴ گزینه «۴»

با توجه به رابطه تغییرات حجم و چگالی بر اثر افزایش دما، داریم:

$$\Delta V = \gamma \alpha V_0 \Delta T \Rightarrow \frac{\Delta V}{V_0} = \gamma \alpha \Delta T$$



(مصطفی کیان)

«۱» - ۱۰۹

چون نمودار  $P-T$  فرایند  $AB$  خط راستی گذرا از مبدأ مختصات است.بنابر رابطه  $P = \frac{nR}{V}T$ ، شیب خط ثابتی است. از طرف دیگرچون  $n$  و  $R$  مقادیر ثابتی هستند، در نتیجه حجم گاز نیز در این فرایند ثابت

می‌ماند. بنابراین، فرایند هم حجم است و در فرایند هم حجم به علت صفر

بودن تغییر حجم ( $\Delta V = 0$ ) کاری انجام نمی‌شود.

(زهره آقامحمدی)

«۳» - ۱۱۰

بازده ماشین گرمایی کارنو برابر است با:

$$\eta_L = 1 - \frac{T_L}{T_H}$$

اگر دمای منبع سرد را تغییر دهیم، داریم:

$$\eta_L - \eta_1 = 1 - \frac{T_{L_1}}{T_H} - \left( 1 - \frac{T_{L_1}}{T_H} \right)$$

$$\Rightarrow \eta_L - \eta_1 = -\frac{\Delta T_L}{T_H} \xrightarrow{T_H = 273 + 27 = 300K} 1 = -\frac{\Delta T_L}{300}$$

$$\Rightarrow \Delta T_L = -30K = -30^\circ C$$

$$L_{Cu}\alpha_{Cu}\Delta\theta_{Cu} = L_{Fe}\alpha_{Fe}\Delta\theta_{Fe} + \epsilon$$

$$\Rightarrow L_{Cu} \times 1/8 \times 10^{-5} \times 40 = L_{Fe} \times 1/2 \times 10^{-5} \times 40 + \epsilon$$

$$12L_{Cu} = 8L_{Fe} + 10^5$$

از طرفی در ابتدا داریم:

$$L_{Fe} = L_{Cu} + 4$$

از حل هم‌زمان دو رابطه بالا خواهیم داشت:

$$12L_{Cu} = 8(L_{Cu} + 4) + 10^5 \Rightarrow L_{Cu} = 2500 \text{ cm}$$

«۳» - ۱۰۷

(روبن هوانسیان)

با استفاده از قانون گازها و تعریف چگالی داریم:

$$\begin{cases} \frac{P_1 V_1}{T_1} = \frac{P_2 V_2}{T_2} \Rightarrow \frac{V_1}{V_2} = \frac{P_2}{P_1} \times \frac{T_1}{T_2} \\ \rho = \frac{m}{V} \xrightarrow{\text{ثابت}} \frac{\rho_2}{\rho_1} = \frac{V_1}{V_2} \end{cases}$$

$$\Rightarrow \frac{\rho_2}{\rho_1} = \frac{P_2}{P_1} \times \frac{T_1}{T_2} \xrightarrow{\substack{P_2 = 2P_1 \\ T_1 = 91^\circ C, T_2 = 182^\circ C}} \frac{\rho_2}{\rho_1} = \frac{2}{1}$$

$$\Rightarrow \frac{\rho_2}{\rho_1} = \frac{2P_1}{P_1} \times \frac{91 + 273}{182 + 273} = 2 \times \frac{4 \times 91}{5 \times 91} \Rightarrow \frac{\rho_2}{\rho_1} = \frac{8}{5}$$

«۴» - ۱۰۸

(آزاد ریاضی - ۷۸)

در تحول هم‌دما، انرژی درونی ثابت است. در این تست  $400$  ژول کارروی دستگاه انجام می‌شود و در نتیجه گاز  $400$  ژول گرمایی از دست خواهدداد. اما  $Q + W$  برابر صفر و در نتیجه  $\Delta U = 0$  خواهد بود. $T = \text{ثابت} \Rightarrow \Delta U = 0$



ا تم این عنصر، دارای ۹ زیرلایه پُرشده از الکترون می‌باشد، زیرا زیرلایه  $4d^4$  از الکترون پُرشده است.

گزینه «۴»: این عنصر، جزو عناصر واسطه بوده، زیرا زیرلایه  $d$  آن در حال پُرشدن است و ۴ الکترون ظرفیتی دارد ( $4d^2 5s^2$ ).

(میلار میرهیدری) ۱۱۴ - گزینه «۳»

بررسی گزینه‌ها:

گزینه «۱»: حدود ۷۵ درصد از جرم هواکره در لایه تروپوسفر قرار دارد. در تروپوسفر به ازای هر کیلومتر افزایش ارتفاع، دما در حدود  $6^{\circ}\text{C}$  افت می‌کند.

گزینه «۲»: مطابق شکل صفحه ۴۷ کتاب درسی، دما ابتداء از  $14^{\circ}\text{C}$  به  $55^{\circ}\text{C}$  کاهش و سپس تا  $7^{\circ}\text{C}$  افزایش می‌باید و در ارتفاع ۸۰ کیلومتری به حدود  $-87^{\circ}\text{C}$  می‌رسد. پس در این بین دمای هوا ۳ مرتبه به صفر درجه سلسیوس می‌رسد.

گزینه «۳»: با کاهش دمای هوا تا  $-78^{\circ}\text{C}$ ، کربن دی‌اکسید به صورت جامد از مخلوط جدا می‌شود.

گزینه «۴»: هوای مایع در دمای  $-200^{\circ}\text{C}$  شامل نیتروژن، اکسیژن و آرگون مایع است.

(فرشته پورشعبان) ۱۱۵ - گزینه «۱»

گزینه «۱»: با این‌که فلز آلومینیم با اکسیژن هوا واکنش می‌دهد و به آلومینیم اکسید ( $\text{Al}_2\text{O}_3$ ) تبدیل می‌شود اما در برای خوردگی مقاوم است، به گونه‌ای که برخلاف آهن لایه‌های درونی فلز اکسایش نمی‌یابد.

گزینه «۲»: ترتیب واکنش پذیری:

$\text{Al} > \text{Zn} > \text{Fe}$

گزینه «۳»: رشته درونی آن‌ها از فولاد و روکش از آلومینیم است.

گزینه «۴»: در اثر واکنش با اکسیژن، آهن ابتداء به آهن (II) اکسید و سپس به آهن (III) اکسید تبدیل می‌شود.

### شیوه ۱

۱۱۱ - گزینه «۱»

(اشلان وندرابی)

$B$ : جرم اولیه  $M_A, M_B$

$B$  و  $A$ : جرم متلاشی شده  $m_A, m_B$

$$E_A = \frac{2}{3} E_B \Rightarrow m_A c^2 = \frac{2}{3} m_B c^2 \Rightarrow m_A = \frac{2}{3} m_B$$

$$\Rightarrow m_B = 1/5 m_A$$

$$\left. \begin{array}{l} m_A = 0/25 M_A \Rightarrow M_A = 4m_A \\ M_B = 3M_A \Rightarrow M_B = 12m_A \end{array} \right\}$$

$$\Rightarrow \frac{M_A - m_A}{M_B - m_B} = \frac{4m_A - m_A}{12m_A - 1/5 m_A} = \frac{3m_A}{10/5 m_A} = \frac{2}{7}$$

۱۱۲ - گزینه «۳»

(مهدی شریفی)

غلب هسته‌هایی که نسبت شمار نوترون‌ها به پروتون‌های آنها برابر یا بیش از  $1/5$  است رادیوایزوتوپ هستند. در همه رادیوایزوتوپ‌ها، نسبت گفته شده برقرار نیست. مثلاً در عنصر ناپایدار تکنسیم ( $^{99}\text{Tc}$ )، این نسبت کمتر از  $1/5$  است.

۱۱۳ - گزینه «۳»

(امیر هاتمیان)

این عنصر دارای زیرلایه‌های  $4s$  و  $4p$  پُر بوده و ۲ الکترون در زیرلایه  $4d$  خود دارد. بررسی گزینه‌ها:

گزینه «۱»: فرم فشرده آرایش الکترونی این عنصر به صورت

$[Ar] 4d^2 5s^2$  خواهد بود.

گزینه «۲»: شمار الکترون‌های موجود در لایه سوم آن ( $3s, 3p, 3d$ ) ۱۸ بوده و زیرلایه‌های دارای  $I=1$  آن ( $3d, 4d$ )، ۱۲ الکترون دارند.

$$\frac{18}{12} = 1/5$$

گزینه «۳»: آرایش الکترونی اتم این عنصر به صورت زیر است:

$$1s^2 / 2s^2 2p^6 / 3s^2 3p^6 3d^{10} / 4s^2 4p^6 4d^2 / 5s^2$$



(میلاد شیخ الاسلامی فیاوی)

## گزینه «۴»

موارد (ب) و (ت) صحیح هستند.

بررسی سایر موارد:

(الف) انحلال پذیری بیشترین مقدار از یک حل شونده است که در ۱۰۰ گرم حلال، حل شده است.

(ب) رابطه دما با انحلال پذیری می‌تواند خطی (مانند  $\text{NaCl}$ ) یا غیرخطی (مانند  $\text{KNO}_3$ ) باشد.

(علیرضا شیخ‌الاسلامی پول)

## گزینه «۴»

گزینه «۱»: گاز  $\text{CO}$  مولکولی قطبی است ولی  $\text{N}_2$  مولکولی ناقطبی است، پس می‌توان گفت، نقطه جوش  $\text{CO}$  بیشتر از  $\text{N}_2$  است، بنابراین  $\text{CO}$  نسبت به  $\text{N}_2$  آسان‌تر به مایع تبدیل می‌شود.

گزینه «۳»: استون هم حلال چربی است و هم به هر نسبتی در آب حل می‌شود. گزینه «۳»: از بین  $\text{HF}$ ,  $\text{HCl}$ ,  $\text{HBr}$  و  $\text{HCl}$  نقطه جوش  $\text{HF}$  از دو ترکیب دیگر به علت داشتن پیوند هیدروژنی بیشتر است ولی عدد اتمی فلوئور، از دو عنصر  $\text{Cl}$  و  $\text{Br}$  کم‌تر است.

گزینه «۴»: نقطه جوش استون ( $\text{CH}_3-\overset{\text{O}}{\underset{||}{\text{C}}}-\text{CH}_3$ ) از نقطه جوش اتانول ( $\text{CH}_3-\text{CH}_2-\text{OH}$ ) کمتر است؛ زیرا بین مولکول‌های اتانول، پیوند هیدروژنی وجود دارد ولی بین مولکول‌های استون، نیروهای واندروالسی است.

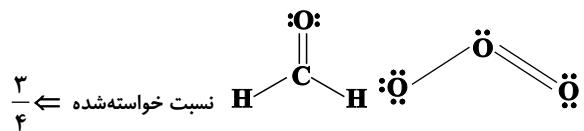
(نوید نقاشان)

## گزینه «۱»

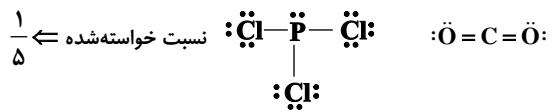
تنها مورد ب صحیح است.

بررسی موارد:

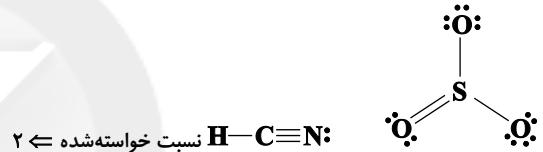
مورد «الف»:



مورد «ب»:



مورد «ج»:



مورد «د»:



(موسی فیاط علی‌محمدی)

## گزینه «۴»

$$\text{?LCO}_2 = 45 \cdot \text{g C}_6\text{H}_{12}\text{O}_6 \times \frac{1 \text{ mol C}_6\text{H}_{12}\text{O}_6}{18 \cdot \text{g C}_6\text{H}_{12}\text{O}_6} \times$$

$$\frac{6 \text{ mol CO}_2}{1 \text{ mol C}_6\text{H}_{12}\text{O}_6} \times \frac{44 \text{ g CO}_2}{1 \text{ mol CO}_2} \times \frac{1 \text{ LCO}_2}{1 / 65 \text{ g CO}_2} = 40.0 \text{ LCO}_2$$

(محمد عظیمیان زواره)

## گزینه «۳»

گزینه «۱»: نادرست؛ آب آشامیدنی، مخلوطی زلال و همگن بوده و حاوی مقدار کمی از یون‌های گوناگون است.

گزینه «۲»: نادرست؛ یون سولفات (نه یون کربنات)

گزینه «۳»: درست؛ با توجه به فرمول  $(\text{NH}_4)_2\text{CO}_3$  در هر کدام از یون‌های  $\text{NH}_4^+$  و  $\text{CO}_3^{2-}$  چهار پیوند کووالانسی (اشتراکی) وجود دارد.

گزینه «۴»: نادرست؛ با توجه به فرمول شیمیایی  $\text{Al}_2(\text{SO}_4)_3$  و  $\text{Mg}_3\text{N}_2$



# دفترچه پاسخ

۱۳۹۹ خرداد ماه

## عمومی دوازدهم

طراجان

فارسی	محسن اصغری، داود تالشی، ابراهیم رضایی مقدم، مریم شمیرانی، کاظم کاظمی، سعید گنجبخش زمانی، الهام محمدی، افشنین محی الدین، مرتضی مشاری
عربی (بان قرآن)	بهزاد جهانبخش، محمد جهانبین، سید محمدعلی مرتضوی، الهه مسیح خواه، خالد مشیریناهی، فاطمه منصورخاکی، عارف نوری، مهدی نیکزاد
دین و اندگی	محمد آصالح، محبوبه ابتسام، ابوالفضل احدزاده، امین اسدیان پور، محسن بیاتی، محمد رضایی بقا، محمدرضا فرهنگیان، حیده کاغذی، مرتضی محسنی کبیر، فیروز نژادنیجف، سیداحسان هندی
زبان انگلیسی	مهدی احمدی، جواد علیزاده، حمید مهدیان

### کریشنکران و پیراستاران

نام درس	مسئول درس	گزینشگر	گروه ویراستاری	رتبه برتر	گروه مستندسازی
فارسی	الهام محمدی	الهام محمدی	محسن اصغری، مریم شمیرانی، مرتضی مشاری	بهزاد احمدپور	فریبا رثوفی
عربی (بان قرآن)	فاطمه منصورخاکی	سید محمدعلی مرتضوی	درویشعلی ابراهیمی		لیلا ایزدی
دین و اندگی	محمد آصالح	امین اسدیان پور، سکینه گلشنی	محمد رضایی بقا، سیداحسان هندی		محدثه پرهیز کار
معارف اقلیت	دبورا حاتانیان	دبورا حاتانیان	مصطفی شاعری		پویا گرجی
زبان انگلیسی	سپیده عرب	سپیده عرب	رحمت‌الله استیری - محدثه مرآتی		

### گروه فنی و تولید

مدیر گروه	الهام محمدی
مسئول دفترچه	مصطفی شاعری
مسئول دفترچه	مدیر، فاطمه رسولی‌نسب، مسئول دفترچه، فریبا رثوفی
مسئول دفترچه	مستندسازی و مطابقت با مصوبات
صفحه آرا	زهرا تاجیک
نقارات جاب	علیرضا سعدآبادی

### گروه آزمون

#### بنیاد علمی آموزشی قلم‌چی (وقف عام)

آدرس دفتر مرکزی: خیابان انقلاب- بین صبا و فلسطین- پلاک ۹۲۳ - تلفن چهار رقمی: ۰۶۴۶۳-۲۱



(مسنون اصغری)

**«۱۲۹- گزینهٔ ۴»**

در بیت «الف»: «چو» حرف اضافه و «دیروز» متمم است.  
 در بیت «ب»: «دیروز» بعد از نقش‌نمای «امده و مضالیه است.  
 در بیت «ج»: واژه «دیروز» هیچ یک از نقش‌های اسم را ندارد و قید است.  
 در بیت «د»: دیروز با فعل استادی «شد» آمده و مستند است.

(فارسی ۲، زبان فارسی، صفحه ۷۶)

(سعید کنج‌پشن زمانی)

**«۱۳۰- گزینهٔ ۱»**

ویرانه» در این بیت نقش مستندی دارد.

**تشریح گزینه‌های دیگر:**

گزینهٔ ۲»: «گفته شود» فعل مجھول / گزینهٔ ۳»: «کشته گشت» فعل مجھول /  
 گزینهٔ ۴»: «شود خوانده» فعل مجھول

(زبان فارسی)

(کاظم کاظمی)

**«۱۳۱- گزینهٔ ۳»**

مفهوم عبارت صورت سؤال و ایات مرتبه: «توصیه به اتحاد و هم بستگی برای غلبه  
بر مشکلات»

مفهوم بیت گزینهٔ ۳»: اتفاقی بودن بخت و اقبال

(مفهوم)

(مریم شمیران)

**«۱۳۲- گزینهٔ ۴»**

مُثَل» در باب نتیجه‌بخش بودن سعی است، در حالی که در گزینهٔ ۴» عکس این  
مفهوم آمده است.

(مفهوم)

(مریم شمیران)

**«۱۳۳- گزینهٔ ۴»**

مفهوم مشترک سه گزینهٔ دیگر راضی بودن به کم خویش و بیشتر نخواستن (قناعت  
داشتن) است، اما در گزینهٔ ۴» شاعر از مفلسی و بی‌چیزی خود شکایت دارد.

(مفهوم)

(ابراهیم رضایی مقدم - لاهیجان)

**«۱۳۴- گزینهٔ ۲»**

مفهوم بیت صورت سؤال و گزینه‌های ۱، ۳ و ۴ تقابل عقل و عشق را بیان  
می‌کنند.

مفهوم بیت گزینهٔ ۲»: توصیه به رازداری در عشق

(مفهوم)

(دادر تالش)

**«۱۳۵- گزینهٔ ۲»**

مفهوم کلی رباعی در صورت سؤال و سایر گزینه‌ها، ترک نفس و خواهش‌های نفسانی  
کردن است که سبب افتخار و کمال می‌شود. از چنبر نفس رسته بودند و به عرش  
پرگشودند.

گزینهٔ ۲»: هر که با مستان نشیند باعث بی‌آبرویی خود می‌شود (ترک مستوری  
کردن کنایه از آبروریزی کردن است).

**تشریح گزینه‌های دیگر**

گزینهٔ ۱»: ترک نفس کردن موجب برخوردی از دل می‌شود.

گزینهٔ ۳»: ترک کام کردن موجب کلاه سروری یافتن است.

گزینهٔ ۴»: پادشاه تن خویش گشتن (ترک نفس کردن) سبب امیری می‌شود.

(مفهوم)

**فارسی ۲****«۱۲۱- گزینهٔ ۳»**

(ابراهیم رضایی مقدم - لاهیجان)

الف: «متقارب: نزدیک شونده، همگرا»

د: «شريعت: شرع، آیین، راه دین، مقابل طریقت»

(لغت)

**«۱۲۲- گزینهٔ ۲»**

شروع: سایه‌بیان، خیمه

توقيع: امضا کردن فرمان، مهر کردن نامه و فرمان

(لغت)

**«۱۲۳- گزینهٔ ۳»**

تشریح گزینه‌های دیگر

گزینهٔ ۱»: منصوب ← منسوب

گزینهٔ ۲»: ثواب ← صواب

گزینهٔ ۴»: قربت ← غربت

(املاء)

**«۱۲۴- گزینهٔ ۱»**

املای صحیح واگان: «محراب، محمول، رغبت، هلال، غلم»

(املاء)

**«۱۲۵- گزینهٔ ۳»**

سه دیدار از نادر ابراهیمی است.

(تاریخ ادبیات)

**«۱۲۶- گزینهٔ ۱»**

در این بیت اسلوب معادله وجود ندارد، زیرا دو مصراع در ادامه هم هستند، پس  
گزینه‌های ۲ و ۴ حذف می‌شوند. در این بیت اغراق هم وجود ندارد و گزینهٔ ۳» هم کنار می‌رود.

گزینهٔ ۱»: تشبیه: شاعر خود را به سرو تشبیه کرده است و تازه‌رویی را به حاصل و میوه.

حسن تعلیل: علت تازه‌روی و سرسبی سرو، میوه نداشتن آن، دانسته شده است.

کنایه: تازه‌روی و بار بر دل نداشتن کنایه هستند.

پارادوکس: در مصراع دوم بی‌ثمر بودن را دارای حاصل و ثمر دانسته است.

(آرایه)

**«۱۲۷- گزینهٔ ۲»**

ایهام: دور از تو: (۱) در دوری از تو (۲) دور از جان تو (جمله‌دعایی)/ تناقض ندارد.

تشریح گزینه‌های دیگر

گزینهٔ ۱»: مجاز: جام ← باده، شراب/ جناس: روی، بوی

گزینهٔ ۳»: ایهام تناسب: سودا (۱) خیال، اندیشه (معنای پذیرفتی) (۲) داد و ستد  
(با بازار، زیان و سود) تناسب دارد. / تشبیه: بازار عشق (اضافه تشبیه‌ی)

گزینهٔ ۴»: تضاد: «شمیر کشیم» و «سپر اندازم»/ کنایه: سپر انداختن ←  
تسليم شدن/ شمشیر کشیدن ← مبارزه کردن

(آرایه)

**«۱۲۸- گزینهٔ ۴»**

تو» معطوف / «هر دو» بدل برای «من و تو»

(مرتضی منشاری - اربیل)

(زبان فارسی)



## \* ترجمه متن در گ مطلب:

در گذشته، بیماری‌ها خطرهای بزرگی برای زندگی مردم و حیوانات به شمار آمدند. بعضی از آن بیماری‌ها متأسفانه صدها نفر از ساکنان کشورمان ایران را در زمان کمی می‌کشندند. ولی آن‌ها مردم را از هدف‌های ارزشمندانش باز نداشتند. بلکه مردم با رغبت به حل آین مشکل راههای مختلفی را امتحان کردند. پس دانشگاه پژوهشی تأسیس شد و بعضی دانشجویان به تحصیل در آن پرداختند و بعد از مدت هفت سال در این حرفه به کار گرفته شدند. سپس یکی یکی بیمارستان‌ها بنا شدند و پژوهشکان زبردست برای درمان بیماران دانش آموخته می‌شدند. در این دانشگاه‌ها پژوهشگران شروع به پژوهش درباره بعضی گیاهان در رشتۀ داروسازی کردند تا بتوانند به داروهای سودمند برای درمان بیماری‌ها دست یابند و آن امید است شما بتوانید بر اثر این تلاش‌هایتان در سال‌های اخیر به پیشرفت در زمینه پژوهشی و داروسازی برسید!

(مهوری نیک‌زاد)

## ۱۴۱ - گزینه «۳»

با توجه به ترجمه متن، «تأسیس دانشگاه پژوهشی» عنوانی مناسب برای متن است.  
(در گ مطلب)

(مهوری نیک‌زاد)

## ۱۴۲ - گزینه «۳»

بر اساس متن، داروها در آن زمان از گیاهان تهیه می‌شدند و گزینه «۳» صحیح است.

(در گ مطلب)

(مهوری نیک‌زاد)

## ۱۴۳ - گزینه «۴»

متن هیچ صحبتی درباره وجود یا عدم وجود گیاهان دارویی در قرن حاضر نکرده و ضمناً بدون استفاده از متن کاملاً مشخص است که امروزه، استفاده زیادی از گیاهان دارویی برای معالجه بیماران می‌شود.

(در گ مطلب)

(فاطمه منصورقلائی)

## ۱۴۴ - گزینه «۲»

گزینه «۱»: «مفهومه «المرضى»» نادرست است، زیرا «المرضى» مضاف‌الیه است.  
گزینه «۳»: « مصدره: تخریج...» نادرست است، زیرا از باب تعَّلُ است، نه تعَّلٌ.  
گزینه «۴»: «المخاطبين» نادرست است، زیرا للغائین (سوم شخص جمع غایب) است و «مفهومه «المرضى»» نیز درست نیست.  
(تفاصل صرفی و مدل اعرابی)

## عربی، زبان قرآن ۲

## ۱۳۶ - گزینه «۲»

(سید محمدعلی مرتضوی)

«بُوْم»: روزی که / «يَنْظَرُ»: می‌نگرد / «الْمَرْءُ»: انسان، مرد، ادمی / «قَدْمَتْ»: پیش فرستاده است / «يَدَا»: دستانش، دو دستش / «يَقُولُ»: می‌گوید / «يَا لَيْتَنِي»: ای کاش من / «كَنْتَ»: بودم / «ثُرَابًا»: خاک

(ترجمه)

## ۱۳۷ - گزینه «۱»

(فالد مشیرپناهی - هکلان)

«قد نَقُومُ بِتَسْمِيَةٍ»: گاهی به نام‌گذاری ... می‌پردازیم، اقدام می‌کنیم (قد + مضارع: گاهی، شاید، ممکن است) / «يَكْرِهُونَ»: ناپسند می‌شمارند / «الْأَقْبَابُ»: القابی، عناوینی / «بس»: چه بد است / «الْعَمَلُ الْقَبِيجُ»: کار زشت (ترکیب وصفی است)

## شرح گزینه‌های دیگر

گزینه «۲»: ترجمه نشدن «قد» / «اقدام کرده‌ایم» («اقدام می‌کنیم» درست است). / «رُشت شمرده می‌شوند» («زشت می‌دانند آن را» او لا فعل معلوم است نه مجہول، ثانیاً ضمیر «ها» ترجمه نشده است). از موارد نادرستی این گزینه‌اند.

گزینه «۳»: ترجمه نشدن «تسمیة» / «می‌دهیم» («به ... می‌پردازیم، اقدام می‌کنیم» درست است). / «این کار» و «بسیار زشت» («بد است این کار زشت») از موارد نادرستی این گزینه‌اند.

گزینه «۴»: ترجمه نشدن «قد» / «صدما می‌کنیم» / «بد و زشت» از موارد نادرستی این گزینه‌اند.

(ترجمه)

## ۱۳۸ - گزینه «۲»

(فالد مشیرپناهی - هکلان)

«الذى»: کسی که (رد گزینه «۳») / «يَعْلَمُ»: آموزش می‌دهد، یاد می‌دهد (رد گزینه «۴») / «فَلَمْ أَجِرْ مَنْ»: پاداش (اجر) کسانی را دارد که، برایش (پاداش) اجر کسانی است که / «قَدْ عَمِلُوا»: عمل کرده‌اند (رد گزینه‌های «۱» و «۳») / «لَا يَنْتَهُ»: کم نمی‌شود، کاسته نمی‌گردد / «مِنْ أَجْرِ الْعَالَمِينَ»: از اجر (پاداش) عمل کنندگان (رد گزینه «۱»)

(ترجمه)

## ۱۳۹ - گزینه «۳»

(محمد بهانیین - فائزات)

چنانچه در جمله توصیف‌کننده فعل مضارعی پس از یک فعل مضارع دیگر بیاید، به صورت مضارع التزامی ترجمه می‌شود، نه ماضی استمراری. هم‌چنین «أَصْدَقَاهُمْ» به معنای «دوستانشان» صحیح است.

(ترجمه)

## ۱۴۰ - گزینه «۱»

(فاطمه منصورقلائی)

«دانش‌آموز»: الطالبة، الطالب، التلميذة، التلميذ (رد گزینه «۲») / «الْخَالِقُ»: المُسَلَّغِيَّةُ، المشاعِبُ (رد گزینه «۲») / «وقتی»: عندما / «مَعْلَم»: المعلمة، المعلم / «دُرْسٌ مَدْهُدٌ»: تُدرِّسُ، يُدَرِّسُ (فعل مضارع) (رد گزینه «۴») / «بَا دِيَگْرَانَ»: مع غیرها، مع غیره، مع الآخرين / «جَسِيْتَ مَنْ كَنْتَ»: تَكَلَّمَ، يَتَكَلَّمُ (فعل مضارع) (رد گزینه‌های «۳» و «۴»)

(تعربی)



## دین و زندگی (۲)

(محمد آخماجح)

## ۱۵۱- گزینه «۳»

بیت «شده او پیش و دلها جمله در پی ...» پیشوا، مقتا و اسوه شدن رسول خدا (ص) و تبعیت و الگوگیری دلها و جانها از ایشان است که آیه شریفه «لَقَدْ كَانَ لِكُمْ فِي رَسُولِ اللَّهِ أَسْوَةٌ حَسَنَةٌ ...» به مقام الگوگی پیامبر اشاره دارد.

(دین و زندگی ۲، درس ۲ و ۶، صفحه‌های ۳۱ و ۷۵)

(محمد رضایی‌لقا)

## ۱۵۲- گزینه «۳»

حرام بودن مراجعه در داوری به طاغوت، آن جا آشکار می‌شود که خداوند امر کرده است به طاغوت کفر بورزیم و اگر خلاف فرمان خدا به طاغوت کافر نشویم و به او مراجعه کیم، کار حرامی انجام داده‌ایم. به ترجمه آیه دقت شود:

«آیا ندیده‌ای کسانی که گمان می‌برند به آن‌جه برو تو نازل شده و به آن‌جه پیش از تو نازل شده ایمان دارند، اما می‌خواهند داوری را نزد طاغوت ببرند، حال آن که به آنان دستور داده شده که به آن کفر بورزند و شیطان می‌خواهد آنان را به گمراحتی دور و درازی بکشاند.»

(دین و زندگی ۲، درس ۴، صفحه ۵)

(محمد کاغذی)

## ۱۵۳- گزینه «۴»

در قرآن کریم آمده است: «ام يَقُولُونَ افْتَرَاهُ قُلْ فَأَتُوا بِسُورَةٍ مُثِلَّةً»: «آیا می‌گویند: او به دروغ آن [قرآن] را به خدا نسبت داده است؟ بگو: اگر می‌توانید یک سوره همانند آن بیاورید».»

(دین و زندگی ۲، درس ۳، صفحه ۳۷)

(محمد رضایی‌لقا)

## ۱۵۴- گزینه «۴»

رسول خدا (ص) برای اجرای فرمان خداوند، مبنی بر انذار خوبیشان (عشیره) خود، چهل نفر از بزرگان بنی‌هاشم را دعوت کرد و درباره اسلام با آنان سخن گفت و آنان را به دین اسلام فراخواند و از آنان برای ترویج و تبلیغ اسلام، کمک خواست؛ همه مهمنان سکوت کردند و جوابی ندادند. در میان سکوت آنان، علی بن ابی طالب (ع) که در آن زمان، نوجوانی بیش نبود، برخاست و گفت: «من یار و یاور تو خواهم بود، ای رسول خدا».

پس از مرتبه اعلام آمادگی و وفاداری قاطعانه حضرت علی (ع)، پیامبر (ص) دست آن حضرت را در دست گرفت، بیعت ایشان را پذیرفت و به مهمنان فرمود: «همانا این (علی) برادر من، وصی من و جانشین من در میان شما خواهد بود»، و این‌گونه ایشان را به مناصب، اخوت، وصایت و خلافت خود معرفی نمود.

(دین و زندگی ۲، درس ۵، صفحه ۶۴)

(محمد رضا فرهنگیان)

## ۱۵۵- گزینه «۳»

امام عصر (ع) در پاسخ یکی از باران خود به نام اسحاق بن یعقوب که درباره «رویدادهای جدید» عصر غیبت سؤال کرد، حدیث مذکور را فرمود. لذا این حدیث به زمان‌شناس بودن فقیه اشاره دارد تا بتواند احکام دین را متناسب با نیازهای روز به دست آورد.

(دین و زندگی ۲، درس ۴، صفحه‌های ۱۳۷ و ۱۳۸)

(فاطمه منصور‌فلاکی)

## ۱۴۵- گزینه «۲»

تشریح گزینه‌های دیگر

گزینه «۱»: « مصدره انتفاع و مضار اليه ...» نادرست‌اند.

گزینه «۳»: « مضار للمضار اليه ...» نادرست است.

گزینه «۴»: «جمع مكسر أو تكسير» نادرست است.

(تمایل صرفی و مهل اعرابی)

## ۱۴۶- گزینه «۳»

«یعرض» نادرست است، زیرا این فعل، ثالثی مزید و معلوم از باب تفعیل است و

مضار آن به شکل «یعرض» صحیح است (۵). همچنین «موضوع» اسم مفعول است

و بدین شکل صحیح است.

(هرگز لکنزاری)

## ۱۴۷- گزینه «۳»

«أَكْرَم» در گزینه «۳» فعل امر است.

تشریح گزینه‌های دیگر

در گزینه «۱»، «الأقصى»، در گزینه «۲»، «أَحَلَّ» و در گزینه «۴»، «الوُسْطِي» اسم تفضیل هستند.

(قواعد اسم)

## ۱۴۸- گزینه «۳»

در گزینه «۳» اسلوب شرط نداریم و «من» استفهامی (پرسشی) است.

ترجمه عبارت: «چه کسی اتفاق می‌کند از آنچه که دوستش دارد و برای خودش کار

خیری پیش می‌فرستد»

(أنواع بملات)

## ۱۴۹- گزینه «۲»

در این گزینه، «رجل» اسم نکره‌ای است که جمله فعلیه «تعرف» آن را توصیف کرده است.

تشریح گزینه‌های دیگر

گزینه «۱»: «فَقَرَضَ» اسم نکره است که «حسناً» آن را توصیف کرده، اما صفت مفرد (تک کلمه‌ای) است، نه جمله.

گزینه «۳»: «شَجَرَة» اسم نکره است که «بسِقَة» آن را توصیف کرده، اما صفت مفرد (تک کلمه‌ای) است، نه جمله.

گزینه «۴»: «مُسْتَحْرَة» اسم نکره است، اما هیچ جمله‌ای برای توصیف آن نیامده است.

(قواعد اسم)

## ۱۵۰- گزینه «۴»

حرف «لام» که بر سر فعل «يَتَدَكَّرُوا» آمده «لام» امر است و معادل مضارع التزامي و

همراه با لفظ «باید» ترجمه می‌شود (باید متذکر شوند).

تشریح گزینه‌های دیگر

گزینه «۱»: حرف «لام» که بر سر فعل «يَتَعَلَّمُوا» آمده به معنای «تا» است (تا بیاموزند).

گزینه «۲»: حرف «لام» که بر سر اسم «تَشْكِيل» آمده، حرف جر است (برای تشکیل دادن).

گزینه «۳»: حرف «لام» که بر سر اسم «اكتساب» آمده، حرف جر است (برای به دست آوردن).

(قواعد فعل)



(امین اسدیان پور)

**«۱۶۱- گزینهٔ ۴»**

تغییر مسیر جامعه مؤمن و فدایکار عصر پیامبر اکرم (ص) به جامعه‌ای راحت‌طلب، تسلیم و بی‌توجه به سیره و روش پیامبر اکرم (ص)، معلول تبدیل حکومت عدل نبودی به سلطنت بود.

(دین و زندگی ۲، درس ۷، صفحه‌های ۹۳ و ۹۴)

(مبوبه ابتسام)

**«۱۵۶- گزینهٔ ۴»**

در حدیث امام کاظم (ع) خطاب به هشام بن حکم می‌خوانیم: «ای هشام، خداوند رسولانش را به سوی بندگان نفرستاد، جز برای آن که بندگان در پیام الهی تعقل کنند. کسانی این پیام را بهتر می‌پذیرند (معلول) که از معرفت برتری برخوردار باشند (علت) و آنان که در تعقل و تفکر برترند (علت)، نسبت به فرمان‌های الهی داناترند (معلول) و آن کس که عقلش کامل‌تر است (علت)، رتبه‌اش در دنیا آخرت بالاتر است. (معلول)»

(دین و زندگی ۲، درس ۱، صفحه ۱۶)

(فیروز نژاد‌نیف - تبریز)

**«۱۶۲- گزینهٔ ۴»**

امام عصر (عج) زمانی ظهور می‌کند که مردم جهان از همه مکاتب غیر الهی و مدعیان برقراری عدالت نامید شده باشند و با تبلیغی که منتظران واقعی کرداند دل‌هایشان به سوی آن امام منجی جلب شده باشد. عدم نبود طبقه مرقه و فقیر، بیانگر ویژگی عدالت‌گستری حکومت مهدوی می‌باشد.

(دین و زندگی ۲، درس ۹، صفحه ۱۱۹)

(ابوالفضل احمدزاده)

**«۱۵۷- گزینهٔ ۳»**

فطرت به معنای نوع خاص آفرینش است. وقتی از فطرت انسان سخن می‌گوییم، منظور آفرینش خاص انسان و ویژگی‌های خاص شناخته می‌شوند. قرار داده است و انسان‌ها با این ویژگی‌های مشترک (فطرت)، خداوند یک برنامه کلی به انسان‌ها به سبب این ویژگی‌های مشترک (فطرت)، خداوند یک برنامه کلی به انسان‌ها ارزانی داشته، تا آنان را به هدف مشترکی که در خلق‌تشان قرار داده است، برسانند. لازمه ماندگاری یک پیام، تبلیغ دائمی و مستمر آن است.

(دین و زندگی ۲، درس ۳، صفحه‌های ۲۴ و ۲۵)

(امین اسدیان پور)

**«۱۶۳- گزینهٔ ۴»**

پویایی جامعه شیعه از دیدگاه جامعه شناسان به دو عامل وابسته است:  
۱- گذشته سرخ یعنی: «اعتقاد به عاشورا، آمادگی برای ایثار و شهادت»  
۲- آینده سبز یعنی: «انتظار برای سرنگونی ظالمان و گسترش عدالت در جهان زیر پرچم امام عصر (عج)»

(دین و زندگی ۲، درس ۹، صفحه ۱۱۸)

(مسن بیانی)

**«۱۵۸- گزینهٔ ۳»**

رسول خدا (ص) با انجام وظایف عبودیت و بندگی به مرتبه‌ای از کمال نائل شد (ولایت معنوی) که می‌توانست عالم غیب و ماورای طبیعت را مشاهده کند. میزان بهره‌مندی انسان‌ها از هدایت معنوی به درجه ایمان و عمل آنان بستگی دارد.

(دین و زندگی ۲، درس ۴، صفحه‌های ۵۲ و ۵۳)

(محمد رضایی‌پنا)

**«۱۶۴- گزینهٔ ۴»**

امام علی (ع) می‌فرماید: «إِنَّهُ لَيْسَ لِأَنفُسِكُمْ ثُمَّ إِلَّا الْجَنَّةُ فَلَا تَبْيَعُوهَا إِلَّا بِهَا». این حدیث بیانگر شناخت ارزش خود و نفوذختن خویش به بهای انگ است، پس با آیه «ما فرزندان آدم را کرامت بخشیدیم...» مرتبط است. اما دقت شود که عبارت «ای فرزند آدم ...»، حدیث قدسی است، نه آیه قرآن

(دین و زندگی ۲، درس ۱۱، صفحه ۱۱۰)

(محمد آقامصالح)

**«۱۵۹- گزینهٔ ۴»**

یکی از اهداف مهم حکومت الهی رسول خدا (ص) اجرای عدالت و برابری بود و ایشان در این مورد با قاطعیت عمل کرد. رفتار رسول خدا (ص) با مردم به قدری محبت‌آمیز بود که آن‌ها در سختی‌ها به ایشان پناه می‌بردند.

(دین و زندگی ۲، درس ۶، صفحه‌های ۷۵ و ۷۶)

(سید احسان هندی)

**«۱۶۵- گزینهٔ ۴»**

اولین کشش و جاذبه میان زن و مرد ← پاسخ به نیاز جنسی ثمرة پیوند زن و مرد و تحکیم‌بخش وحدت روحی آن‌ها ← رشد و پرورش فرزندان

(دین و زندگی ۲، درس ۱۲، صفحه‌های ۱۵۲ و ۱۵۳)

(مرتضی محسن‌کیم)

**«۱۶۰- گزینهٔ ۴»**

شیوه بیان امام رضا (ع) در نقل حدیث سلسله‌الذهب (زنجبیره طلایی) نشان می‌دهد که چگونه احادیث رسول خدا (ص)، از امامی به امام دیگر منتقل می‌شده است و اقدام به حفظ سیره و سخنان پیامبر (ص) صورت گرفته است. زیرا امیر المؤمنین (ع) و حضرت فاطمه (س) به ممنوعیت نوشتن احادیث توجه نکردن و سخنان پیامبر (ص) را به فرزندان و یاران خود آموختند و از آنان خواستند که این آموخته‌ها را به نسل‌های بعد منتقل کنند.

(دین و زندگی ۲، درس ۷ و ۸، صفحه‌های ۱۰ و ۱۱)



(مهدی احمدی)

## گزینه «۳»-۱۷۲

## نکته مهم درسی

به معنی جملات قبل و بعد از جای خالی دقت کنید. ”However“ برای بیان تضاد به کار می‌رود.

(کلوژتست)

(مهدی احمدی)

## گزینه «۲»-۱۷۳

- (۱) فهمیدن، درک کردن  
 (۲) بزرگ شدن  
 (۳) دست نزدن  
 (۴) کnar آمدن

(کلوژتست)

(مهدی احمدی)

## گزینه «۴»-۱۷۴

## نکته مهم درسی

”plenty of“ همراه با اسم غیرقابل شمارش و قابل شمارش به کار می‌رود. به ساختار زیر دقت کنید:

plenty + of + اسم مفرد غیر قابل شمارش + money)

(کلوژتست)

(مهدی احمدی)

## گزینه «۱»-۱۷۵

## نکته مهم درسی

به معنی جملات بعد از جای خالی دقت کنید. عبارت گزینه «۱» در جایگاه نهاد جمله قرار گرفته است.

(کلوژتست)

(مهدی احمدی)

## گزینه «۴»-۱۷۶

## نکته مهم درسی

به معنی جملات دقت کنید. به عبارت ”prefer sth to sth“ دقت کنید.

(کلوژتست)

(پووار علیزاده)

## گزینه «۳»-۱۷۷

ترجمه جمله: »کدام گزینه بهترین عنوان برای متن است؟«  
 باغ و حش: دیدگاه‌های متضاد«

(درک مطلب)

(پووار علیزاده)

## گزینه «۴»-۱۷۸

ترجمه جمله: »براساس پاراگراف «۲»، نویسنده معتقد است که باغ و حش‌ها مفید هستند.«

(درک مطلب)

(پووار علیزاده)

## گزینه «۱»-۱۷۹

ترجمه جمله: »همان طور که در پاراگراف «۱» استفاده شده است، واژه "which" به تصاویر اشاره دارد.«

(درک مطلب)

(پووار علیزاده)

## گزینه «۲»-۱۸۰

ترجمه جمله: »در متن چند مثال برای ایده اصلی در پاراگراف «۳» ارائه می‌شود؟«  
 یک «

(درک مطلب)

## زبان انگلیسی ۲

## گزینه «۱»-۱۶۶

(ممید مهریان)

ترجمه جمله: »اگر دانش‌آموزان چند بسته برچسب بخرند و نام اقلامی مانند تلفن با تلویزیون را روی آن‌ها بنویسند، آن کلمات را به آسانی فراموش نخواهند کرد.«

## نکته مهم درسی

در شرطی نوع اول معمولاً زمان فعل در بند شرط، حال ساده و زمان فعل در بند نتیجه شرط، آینده ساده می‌باشد. همچنین در زمان حال ساده، با افعال جمع فعل به شکل ساده می‌آید، بنابراین نمی‌توان فعل ”writes“ را انتخاب نمود.

(گرامر)

## گزینه «۲»-۱۶۷

ترجمه جمله: »از آخرین باری که همسرش برای نوشیدن چای از فنجان‌های چینی استفاده کرد ماهها گذشته است چرا که فکر می‌کند شیشه‌ای‌ها ریبات‌رند.«

## نکته مهم درسی

یکی از نشانه‌های زمان حال کامل، واژه ”since“ به معنای «از» می‌باشد که برای اشاره به مبدأ زمان به کار می‌رود.

(گرامر)

## گزینه «۴»-۱۶۸

ترجمه جمله: »وقتی خورشید ناگهان پشت ابرهای متراکم ناپدید گشت و باران شروع شد، آن‌ها مجبور شدند بازی والیبال‌شان را ناتمام رها کنند.«

- (۱) مخالفت کردن  
 (۲) تخفیف دادن  
 (۳) ناپدید شدن  
 (۴) بحث کردن

(واژگان)

## گزینه «۳»-۱۶۹

ترجمه جمله: »من عادت ندارم در میهمانی‌ها به لباس افراد نگاه کنم، اما به آسانی متوجه کت و شلوار زشتی که عموماً تام به تن داشت شدم.«

- (۱) احساس، عاطفه  
 (۲) فرهنگ  
 (۳) سرشت، طبیعت  
 (۴) عادت

(واژگان)

## گزینه «۱»-۱۷۰

ترجمه جمله: »وقتی داستان تأثیرگذار معلم را شنیدند، حتی رفتار دانش‌آموزان بی‌ابد انتها کلاس بهتر شد.«

- (۱) تأثیرگذار  
 (۲) ویژه، خاص  
 (۳) محتمل  
 (۴) راضی

(گرامر)

## گزینه «۲»-۱۷۱

ترجمه جمله: »مری می‌خواهد که پرسش کاملاً برخلاف شوهرش رفتار کند، چرا که او علاقه دارد تنها با حلقة بسیار کوچکی از افراد معاشرت کند.«

- (۱) پرهیز کردن  
 (۲) معاشرت کردن  
 (۳) تلاش کردن  
 (۴) فرار کردن

(واژگان)

# نقد و بررسی کار پاسخ کاربران

آزمون «۹۹ خرداد ۲»

## اختصاصی دوازدهم ریاضی (نظام جدید)



### جدیدآورندگان

نام درس	نام طراحان (به ترتیب حروف الفبا)	فرصت
حسابات ۱	امیر هوشنگ خمسه - یاسین سپهر - میلاد سجادی لاریجانی - علی سلامت - علی شهرابی - سعید علم پور - حمید علیزاده - حمید مام قادری - میلاد منصوری - جهانبخش نیکنام	
هندسه ۲	امیرحسین ابومحبوب - محمد خدان - مسعود درویشی - سينا محمد پور - رضا عباسی اصل	
آمار و احتمال	امیرحسین ابومحبوب - عادل حسینی - مسعود درویشی - مرتضی فیضمعلوی - علیرضا شریف خطیبی	
فیزیک ۲	خسرو ارغوانی فرد - زهره آقامحمدی - عبدالرضا امینی نسب - بیتا خورشید - اسعد حاجیزاده - محمدعلی راست پیمان سیاوش فارسی - علیرضا گونه - غلامرضا معجی - حسین مخدومی - محمدحسین معززیان - سید امیر نیکوی نهالی - شادمان ویسی	
شیمی ۲	علی جدی - میرحسین حسینی - سهند راحمی پور - حسن رحمتی کوکنده - حامد رواز - مسعود طبرسا - سید صدرا عادل - محمد پارسا فراهانی - حسین ناصری ثانی - محمد نکو	

### گروه علمی

نام درس	حسابات ۱	هندسه ۲ و آمار و احتمال	فیزیک ۲	شیمی ۲
گزینشگر	کاظم اجلالی	امیرحسین ابومحبوب	سیدعلی میرنوری	امیرعلی برخورداریون
گروه ویراستاری	مرضیه گودرزی علی ارجمند	عادل حسینی	امیر محمودی انزایی	امیرحسین معروفی مبینا شرافتی پور متین هوشیار
ویرایش استاد	کاظم اجلالی	---	سیدعلی میرنوری	مصطفی رستم آبادی
مسئول درس	عادل حسینی	امیرحسین ابومحبوب	بابک اسلامی	سهند راحمی پور

### گروه فنی و تولید

ناظر چاپ	سوران نعیمی	حسن خرم جو - ندا اشرفی	حرروف نگار و صفحه آرا	ناظر چاپ
مسئول دفترچه	عادل حسینی	مدیر گروه: فاطمه رسولی نسب	گروه مستندسازی	مدیر گروه
گروه مستندسازی	مدیر گروه: فاطمه رسولی نسب	عادل حسینی	امیر محمودی انزایی	مسئول دفترچه
دفاتر	دفاتر	سیدعلی میرنوری	سیدعلی میرنوری	مدیر گروه: فاطمه رسولی نسب

### گروه آزمون

#### بنیاد علمی آموزشی قلم‌چی «وقف عام»

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۴۳ - تلفن: ۰۲۱-۶۴۶۳



$$x^r + x - t_1 = 0 : \Delta = 1 + 4t_1 = 0 \Rightarrow t_1 = -\frac{1}{4}$$

$$\xrightarrow{(*)} t_1 t_r = -1 \Rightarrow t_r = 4$$

$$\xrightarrow{(*)} t^r + at - 1 = \left(t + \frac{1}{4}\right)(t - 4) = t^r - 3 + \frac{1}{4}at - 1$$

$$\Rightarrow a = -3/4$$

(امیر هوشک فمسه)

## گزینه ۳ - ۱۸۴

$$\frac{1}{A+6} - \frac{2}{A} = 1$$

$$x^r + 3x - 1 = A \quad \text{اگر } x^r + 3x - 1 \text{ باشد.}$$

$$\Rightarrow A - 2(A+6) = A(A+6) \Rightarrow A - 2A - 12 = A^r + 6A$$

$$\Rightarrow A^r + 7A + 12 = 0 \Rightarrow A = -3, -4$$

$$x^r + 3x - 1 = -3 \Rightarrow x^r + 3x + 2 = 0 \Rightarrow x_1 x_2 = 2$$

$$x^r + 3x - 1 = -4 \Rightarrow x^r + 3x + 3 = 0$$

معادله بالا جواب حقیقی ندارد، بنابراین حاصل ضرب جواب‌های معادله اصلی برابر ۲ است.

(جعیان‌پیش کیلما)

## گزینه ۳ - ۱۸۵

$$x^r + x = 2x\sqrt{x+1} - 1 \Rightarrow x^r - 2x\sqrt{x+1} + x + 1 = 0$$

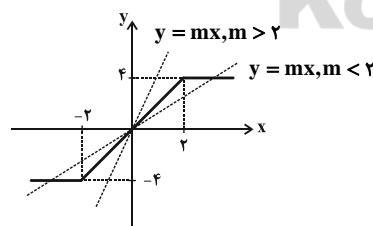
$$\Rightarrow (x - \sqrt{x+1})^r = 0 \Rightarrow x = \sqrt{x+1} \quad ; x > 0$$

$$\xrightarrow{\text{به توان ۲}} x^r - x - 1 = 0 \Rightarrow \begin{cases} x = \frac{1 - \sqrt{5}}{2} \\ x = \frac{1 + \sqrt{5}}{2} \end{cases} \quad \text{خ.ق.ق} \quad \alpha = \frac{1 + \sqrt{5}}{2}$$

$$\Rightarrow 2\alpha - 1 = \sqrt{5} \Rightarrow (2\alpha - 1)^r = 5$$

(علی سلامت)

## گزینه ۳ - ۱۸۶

ابتدا نمودار  $y = |x+2| - |x-2|$  را رسم می‌کنیم:

$$|x+2| - |x-2| = \begin{cases} -4 & ; x \leq -2 \\ 2x & ; -2 < x < 2 \\ 4 & ; x \geq 2 \end{cases}$$

خط  $y = mx$  هم مانند خط  $y = 2x$  از مبدأ عبور می‌کند، بنابراین اگرمعادله  $y = mx$  دارد و اگر  $m < 2$  آنگاه معادله سه جواب دارد.در ضمن اگر  $m > 2$  یا  $m = 2$  تنها جواب معادله  $x = 0$  است.

## حسابان ۱

## گزینه ۱ - ۱۸۱

(یاسین سپهر)

نکته: اگر تعداد جملات یک دنباله حسابی  $2n$ ، مجموع جملات نیمة اول دنباله  $S_1$  و مجموع جملات نیمة دوم دنباله  $S_2$  باشد،

$$S_2 - S_1 = dn^2$$

پس در این سؤال داریم:

$$2n = 14 \Rightarrow n = 7$$

$$S_2 = 132, S_1 = 148$$

$$\xrightarrow{S_2 - S_1 = dn^2} 132 - 148 = d(7)^2$$

$$\Rightarrow 49d = 784 \Rightarrow d = 16$$

## گزینه ۳ - ۱۸۲

(علی شعبانی)

با استفاده از رابطه  $S_n = \frac{a_1(q^n - 1)}{q - 1}$ ، مقدار  $S_4$  و  $S_{12}$  را می‌نویسیم:

$$S_4 = \frac{a_1(q^4 - 1)}{q - 1} \Rightarrow \frac{a_1(q^4 - 1)}{q - 1} = 12$$

$$S_{12} = \frac{a_1(q^{12} - 1)}{q - 1} \Rightarrow \frac{a_1(q^{12} - 1)}{q - 1} = 84$$

طرفین دو معادله بالا را به هم تقسیم می‌کنیم:

$$\frac{\frac{a_1(q^{12} - 1)}{q - 1}}{\frac{a_1(q^4 - 1)}{q - 1}} = \frac{84}{12} \Rightarrow \frac{q^{12} - 1}{q^4 - 1} = 7 \Rightarrow \frac{(q^4 - 1)(q^8 + q^4 + 1)}{q^4 - 1} = 7$$

$$q^8 + q^4 + 1 = 7 \Rightarrow q^8 + q^4 - 6 = 0 \Rightarrow (q^4 + 3)(q^4 - 2) = 0$$

$$\Rightarrow q^4 = 2 \Rightarrow q = \pm \sqrt[4]{2}$$

## گزینه ۴ - ۱۸۳

(میلار منصوری)

با تغییر متغیر  $x^r + x = t$  داریم:

$$t^r + at - 1 = 0 \quad (*)$$

$\Delta$  این معادله برابر  $a^r + 4$  و همیشه مثبت است، پس معادله بالا دو جواب حقیقی  $t_1$  و  $t_2$  را دارد. در نتیجه معادله اصلی به صورت زیر خواهد بود:

$$\begin{cases} x^r + x = t_1 \Rightarrow x^r + x - t_1 = 0 \\ x^r + x = t_2 \Rightarrow x^r + x - t_2 = 0 \end{cases}$$

برای اینکه معادله اصلی، ۳ جواب حقیقی متمایز داشته باشد، لازم است یکی

از معادله‌های بالا جواب مضاعف داشته باشد. در نتیجه داریم:



(بجهانیشان پیکنام)

## گزینه «۲» - ۱۹۰.

$$D_{f \circ f} = \{x \in D_f \mid f(x) \in D_f\}$$

زمانی  $f(x) \notin D_f$  که با توجه به نمودار اعداد صحیح مقادیری از دامنه  $x = -5, -3, -2, -1, 1, 2$  هستند که  $f(x)$  در فاصله  $[0, 1]$  قرار دارد و البته  $x = 0$  نیز در دامنه  $f$  قرار ندارد پس تعداد کل اعداد صحیح که در دامنه  $f \circ f$  قرار ندارد برابر است با ۷.

(میلار سپاهی لاریجان)

## گزینه «۱» - ۱۹۱.

$$g^{-1}(f(2a)) = 6 \Rightarrow (f(2a), 6) \in g^{-1}$$

$$\Rightarrow (6, f(2a)) \in g \Rightarrow g(6) = 6 + \sqrt{4} = 8$$

$$\Rightarrow f(2a) = 8$$

با توجه به تابع  $f$  تنها  $2b$  می‌تواند برابر ۸ باشد.

$$2b = 8 \Rightarrow b = 4$$

$$\Rightarrow \begin{cases} f(f) = 8 \\ f(2a) = 8 \end{cases} \Rightarrow 2a = 4 \Rightarrow a = 2$$

$$a + b = 6$$

(عادل مسینی)

## گزینه «۲» - ۱۹۲.

اگر جرم اولیه را  $m$  بنامیم پس از  $n$  نیم عمر کامل، جرم باقیمانده ( $m'$ ) برابر است با:

$$m' = \left(\frac{1}{2}\right)^n m.$$

طبق شرط مسئله باید  $m < \frac{1}{100} m'$  باشد.

$$\Rightarrow \left(\frac{1}{2}\right)^n < \frac{1}{100} \Rightarrow 2^n > 100 \Rightarrow n \geq 7$$

(بجهانیشان پیکنام)

## گزینه «۱» - ۱۹۳.

$$1 + \log_2(a - 4) = 2 \log_2(\sqrt{a+3} - \sqrt{a-3})$$

$$\Rightarrow \log_2(a - 4) = \log_2(\sqrt{a+3} - \sqrt{a-3})$$

$$\Rightarrow 2a - 8 = (\sqrt{a+3} - \sqrt{a-3})^2 = 2a - 2\sqrt{a^2 - 9}$$

$$\Rightarrow a = 2\sqrt{a^2 - 9} \Rightarrow \sqrt{a^2 - 9} = 4 \Rightarrow a^2 - 9 = 16 \Rightarrow a^2 = 25$$

$$\Rightarrow a = \pm 5$$

که  $a = 5$  قابل قبول است.

$$\Rightarrow \log_{(a-2)} \sqrt{a^2 + 2} = \log_2 \sqrt{27} = \frac{3}{2}$$

(سعید علم اپر)

## گزینه «۱» - ۱۸۷.

$$B = \begin{cases} \alpha & \text{روی خط } y = x + 1 \text{ قرار دارد.} \\ \alpha + 1 & \end{cases}$$

$$B = \sqrt{(\alpha - 0)^2 + (\alpha + 1 - 2)^2} = \sqrt{\alpha^2 + (\alpha - 1)^2}$$

$$= |\alpha + 1| = \alpha + 1$$

() است زیرا  $B$  در ناحیه اول است).

$$\Rightarrow \sqrt{\alpha^2 + (\alpha - 1)^2} = \alpha + 1 \Rightarrow \alpha^2 + \alpha^2 - 2\alpha + 1 = \alpha^2 + 2\alpha + 1$$

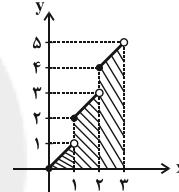
$$\Rightarrow \alpha^2 - 4\alpha = 0 \Rightarrow \begin{cases} \alpha = 0 \\ \alpha = 4 \end{cases}$$

$$\Rightarrow B = \begin{cases} 4 \\ 5 \end{cases} \Rightarrow 4 + 5 = 9$$

(سعید علم اپر)

## گزینه «۴» - ۱۸۸.

نمودار تابع را در بازه مربوطه رسم می‌کنیم.



$$0 \leq x < 1 \Rightarrow y = x$$

$$1 \leq x < 2 \Rightarrow y = x + 1$$

$$2 \leq x < 3 \Rightarrow y = x + 2$$

مساحت مورد نظر مجموع مساحت‌های یک مثلث و دو ذوزنقه هاشورخورده مطابق شکل فوق است. بنابراین:

$$S = \frac{|1 \times 1|}{2} + \frac{(2+3)(1)}{2} + \frac{(4+5)(1)}{2} = 7/5$$

(علی سلامت)

## گزینه «۳» - ۱۸۹.

عبارت داخل قدرمطلق را تعیین علامت کرده و  $f(x) = |2x - 1| + ax$  به صورت یک تابع دو ضابطه‌ای می‌نویسیم:

$$|2x - 1| + ax = \begin{cases} (a+2)x - 1 & ; x \geq \frac{1}{2} \\ (a-2)x + 1 & ; x < \frac{1}{2} \end{cases}$$

ملحظه می‌کنید تابع دو ضابطه‌ای  $y = f(x)$  از دو تابع خطی تشکیل شده است و در صورتی یک‌به‌یک نیست که اشراک برد ضابطه‌ها تهی نباشد و یا یکی از آن‌ها تابع ثابت باشد. (شیب آن صفر شود).

این اتفاق زمانی رخ خواهد داد که شیب یکی از خطوط صفر باشد و یا شیب دو خط مورد نظر مختلف العلامت باشد، بنابراین برای غیر یک‌به‌یک بودن تابع  $f$  شرط لازم و کافی این است که

$$(a-2)(a+2) \leq 0 \Rightarrow a \in [-2, 2]$$

بس  $a$  می‌تواند یکی از مقادیر صحیح  $-2$  یا  $-1$  یا صفر یا  $1$  یا  $2$  را اختیار کند.



$$5(-2) + 20(-2) + b = 4$$

یعنی  $a + b = 32$  و  $b = 27$  است.

(علن شهرابی)

### گزینه «۴»

حد صورت صفر است. برای اینکه  $L$  صفر نباشد، باید حد مخرج هم صفر

$$\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{3}} (1 + a \cos^3 x) = 0 \Rightarrow 1 - \frac{a}{\lambda} = 0 \Rightarrow a = \lambda$$

با جایگذاری  $a = \lambda$ ، مقدار  $L$  را به دست می‌آوریم:

$$\begin{aligned} L &= \lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{3}} \frac{16 \cos^3 x - 1}{1 + \lambda \cos^3 x} \\ &= \lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{3}} \frac{(2 \cos x + 1)(2 \cos x - 1)(4 \cos^2 x + 1)}{(1 + 2 \cos x)(1 - 2 \cos x + 4 \cos^2 x)} = \frac{(-2)(2)}{-3} = -\frac{4}{3} \\ \Rightarrow a + 4L &= \lambda + 4 \left( -\frac{4}{3} \right) = 4 \end{aligned}$$

(جهانبخش پیکان)

### گزینه «۳»

بررسی گزینه‌ها:

$$f(x) = x \left[ \frac{1}{x} \right] \Rightarrow \begin{cases} f(1) = 1 \\ \lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) = 1 \times \infty = \infty \end{cases}$$

گزینه «۱» نادرست.

$$f(x) = x \left[ \sin \frac{\pi}{x} \right] \Rightarrow \begin{cases} f(1) = 1 \\ \lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) = 0 \end{cases}$$

گزینه «۲» نادرست.

گزینه «۳» درست.

$$f(x) = \frac{1}{x} + \left[ -\frac{1}{x} \right] \Rightarrow \begin{cases} f(1) = 0 \\ \lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) = 1 + (-1) = 0 \end{cases}$$

گزینه «۴» نادرست.

(سعید عالم)

### گزینه «۱»

$$f\left(\frac{\pi}{4}\right) = a$$

$$\lim_{x \rightarrow \left(\frac{\pi}{4}\right)^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow \left(\frac{\pi}{4}\right)^+} [-\cos x] + b = [0^-] + b = b - 1$$

$$\begin{aligned} \lim_{x \rightarrow \left(\frac{\pi}{4}\right)^-} f(x) &= \lim_{x \rightarrow \left(\frac{\pi}{4}\right)^-} \frac{\cos^3 x}{1 + \sin^3 x} \\ &= \lim_{x \rightarrow \left(\frac{\pi}{4}\right)^-} \frac{(1 + \sin x)(1 - \sin x)}{(1 + \sin x)(1 - \sin x + \sin^2 x)} = \frac{1+1}{1+1+1} = \frac{2}{3} \end{aligned}$$

$$\Rightarrow a = b - 1 = \frac{2}{3} \Rightarrow \begin{cases} a = \frac{2}{3} \\ b = \frac{5}{3} \end{cases} \Rightarrow ab = \frac{10}{9}$$

(محمد علیزاده)

### گزینه «۳»

اگر مختصات حلقة اول را با  $r_1$  و  $\theta_1$  و حلقة دوم را با  $r_2$  و  $\theta_2$  شان

دھیم خواهیم داشت:

$$\begin{aligned} L &= r_1 \theta_1 \\ L &= r_2 \theta_2 \end{aligned} \Rightarrow \begin{cases} r_1 \theta_1 = r_2 \theta_2 \\ S_2 = 4 \Rightarrow \frac{\pi r_2}{r_1} = 4 \Rightarrow \frac{r_2}{r_1} = 2 \Rightarrow r_2 = 2r_1 \\ \theta_1 = \frac{\pi}{12} \end{cases}$$

$$r_1 \frac{\pi}{12} = 2r_1 \theta_2 \Rightarrow \theta_2 = \frac{\pi}{24} \text{ rad}$$

$$\frac{D}{R} = \frac{R}{\pi} \Rightarrow \frac{\theta_2}{180^\circ} = \frac{\pi}{180^\circ} \Rightarrow \theta_2 = \pi / 5^\circ$$

(علن شهرابی)

### گزینه «۲»

$$\frac{(\sin x \cos y - \sin y \cos x)(\sin x \cos y + \sin y \cos x)}{(\sin x \sin y - \cos x \cos y)(\sin x \sin y + \cos x \cos y)} = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$\frac{\sin(x-y)\sin(x+y)}{-\cos(x+y)\cos(x-y)} = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$\Rightarrow -\tan(x-y)\tan(x+y) = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$-\tan \frac{2\pi}{3} \tan(x+y) = \frac{\sqrt{3}}{2} \Rightarrow \sqrt{3} \tan(x+y) = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$\Rightarrow \tan(x+y) = \frac{1}{2} \Rightarrow \cot(x+y) = 2$$

(محمد مام قاری)

### گزینه «۴»

$$\sin \frac{\pi}{\lambda} - \sqrt{3} \cos \frac{\pi}{\lambda} = 2 \left( \frac{1}{2} \sin \frac{\pi}{\lambda} - \frac{\sqrt{3}}{2} \cos \frac{\pi}{\lambda} \right)$$

$$= 2 \left( \cos \frac{\pi}{3} \sin \frac{\pi}{\lambda} - \sin \frac{\pi}{3} \cos \frac{\pi}{\lambda} \right) = 2 \sin \left( \frac{\pi}{\lambda} - \frac{\pi}{3} \right) = -2 \sin \frac{\Delta \pi}{24}$$

از طرفی هم داریم:

$$2 \cos^2 \frac{\gamma \pi}{48} - 1 = \cos \frac{\gamma \pi}{24} \quad ; (\cos 2x = 2 \cos^2 x - 1)$$

همچنین زوایای  $\frac{\gamma \pi}{24}$  و  $\frac{\Delta \pi}{24}$  متمم‌اند. پس  $\cos \frac{\gamma \pi}{24} = \sin \frac{\Delta \pi}{24}$  در نتیجه:

$$\frac{\sin \frac{\pi}{\lambda} - \sqrt{3} \cos \frac{\pi}{\lambda}}{2 \cos^2 \frac{\gamma \pi}{48} - 1} = \frac{-2 \sin \frac{\Delta \pi}{24}}{\sin \frac{\Delta \pi}{24}} = -2$$

(میلان منصوری)

### گزینه «۳»

$y = ax^2 + 20x + b$  در بین نقاط صحیح فقط در رأس حد دارد.

بنابراین  $x = -2$  باید مختصات طولی رأس باشد. یعنی:

$$x_{\text{رأس}} = -\frac{2}{2a} = -\frac{1}{a} = -2 \Rightarrow a = 5$$

در نتیجه برای اینکه حد تابع در  $x = -2$  برابر ۷ باشد، باید داشته باشیم:



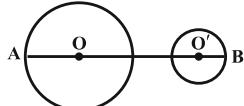
$$\Rightarrow ۷۲ = ۸۱ - (R - R')^2 \Rightarrow (R - R')^2 = ۹$$

$$\Rightarrow R - R' = ۳$$

$$\begin{cases} R + R' = ۹ \\ R - R' = ۳ \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} R = ۶ \\ R' = ۳ \end{cases}$$

با توجه به این که  $d > R + R'$  است، دو دایره متخارج هستند و مطابق

شکل بیشترین فاصله نقاط این دو دایره برابر است با:



$$AB = AO + OO' + O'B = ۵ + ۳ + ۲ = ۱۰$$

(مسعود روحی‌شی)

«۴» - ۲۰۴

اگر شعاع دایره محاطی داخلی را با  $r$  و شعاع دایره محاطی خارجی نظیر

قاعده را با  $R_a$  نمایش دهیم، آنگاه داریم:

$$P = \frac{9 + 9 + 10}{2} = ۱۴$$

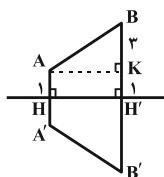
$$\frac{S}{r} = \frac{P-a}{\frac{S}{P-a}} = \frac{P}{P-a} = \frac{14}{14-10} = \frac{14}{4} = ۳ / ۵$$

(مسعود روحی‌شی)

«۲» - ۲۰۵

بازتاب تبدیلی طولیا است، بنابراین  $AB = A'B'$  است. از طرفی

چهارضلعی  $ABB'A'$  محیطی است، در نتیجه داریم:



$$\begin{aligned} AB + A'B' &= AA' + BB' \\ \Rightarrow 2AB &= ۲ + ۸ = ۱۰ \Rightarrow AB = ۵ \\ \Delta ABK : AK^2 &= AB^2 - BK^2 \\ &= ۲۵ - ۹ = ۱۶ \Rightarrow AK = ۴ \\ \Rightarrow HH' &= ۴ \end{aligned}$$

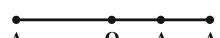
$$\frac{ABB'A'}{\text{محیط}} = \frac{۲ + ۵ + ۸ + ۵}{۱ + ۵ + ۴ + ۴} = \frac{۲۰}{۱۴} = \frac{۱۰}{۷}$$

(امیرحسین ابومنوب)

«۲» - ۲۰۶

بیشترین فاصله نقاط  $A_1$  و  $A_2$  در صورتی ایجاد می‌شود که یکی از دو

تجانس مستقیم و دیگری معکوس باشد. با فرض  $k_1 < ۰$  و  $k_2 > ۰$  داریم:



$$k_1^2 = ۴ \xrightarrow{k_1 < ۰} k_1 = -2$$

(ممدر نظران)

۲ هندسه

«۴» - ۲۰۱

ابتدا دایرة محیطی چهارضلعی  $ABCD$  را رسم می‌کنیم. می‌دانیم اندازه هر زاویه محاطی نصف کمان رو به روی آن است، بنابراین داریم:

$$\begin{aligned} \hat{ADB} + \hat{BAC} + \hat{CBD} + \hat{ABD} \\ = \frac{\widehat{AB}}{2} + \frac{\widehat{BC}}{2} + \frac{\widehat{CD}}{2} + \frac{\widehat{AD}}{2} \end{aligned}$$

$$\Rightarrow ۳x + ۲x + ۴x + x = \frac{۳۶۰^\circ}{2}$$

$$\Rightarrow ۱۰x = ۱۸۰^\circ \Rightarrow x = ۱۸^\circ$$

$$\hat{C} = \frac{\widehat{DAB}}{2} = \frac{\widehat{AD}}{2} + \frac{\widehat{AB}}{2} = x + ۳x = ۴ \times ۱۸^\circ = ۷۲^\circ$$

(رضا عباس‌اصل)

«۳» - ۲۰۲

$$\hat{ABC} = \frac{\widehat{AC}}{2} = ۷۰^\circ \Rightarrow \widehat{AC} = ۱۴۰^\circ$$

فرض کنید  $\widehat{BC} = y$  و  $\widehat{AB} = x$  باشد. در این صورت داریم:

$$\widehat{AB} + \widehat{AC} + \widehat{BC} = ۳۶۰^\circ \Rightarrow x + ۱۴۰^\circ + y = ۳۶۰^\circ$$

$$\Rightarrow x + y = ۲۲۰^\circ$$

$$\hat{M} = \frac{\widehat{AB} - \widehat{BC}}{2} \Rightarrow \frac{x - y}{2} = ۲۵^\circ \Rightarrow x - y = ۵۰^\circ$$

$$\begin{cases} x + y = ۲۲۰^\circ \\ x - y = ۵۰^\circ \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = ۱۳۵^\circ \\ y = ۸۵^\circ \end{cases}$$

$$\hat{A} = \frac{\widehat{BC}}{2} = \frac{۸۵^\circ}{2} = ۴۲.5^\circ$$

(امیرحسین ابومنوب)

«۱» - ۲۰۳

اگر شعاع‌های دو دایره را به ترتیب با  $R$  و  $R'$  ( $R > R'$ ) نمایش دهیم، آنگاه داریم:

$$\sqrt{d^2 - (R + R')^2} = \text{طول مماس مشترک داخلی}$$

$$\Rightarrow 4\sqrt{2} = \sqrt{9^2 - (R + R')^2}$$

$$\Rightarrow ۳۲ = ۸۱ - (R + R')^2 \Rightarrow (R + R')^2 = ۴۹$$

$$\Rightarrow R + R' = ۷$$

$$\sqrt{d^2 - (R - R')^2} = \text{طول مماس مشترک خارجی}$$

$$\Rightarrow 6\sqrt{2} = \sqrt{9^2 - (R - R')^2}$$



(امیرحسین ابومدیوب)

## گزینه «۲۰۹»

با توجه به این که دو کمان  $BE$  و  $EC$  برابر یکدیگرند، پس زاویه‌های محاطی رو به رو به آنها یعنی  $DAC$  و  $BAD$  نیز برابر یکدیگر بوده و در نتیجه  $AD$  نیمساز زاویه داخلی  $A$  در مثلث  $ABC$  است. طبق قضیه نیمساز داخلی داریم:

$$\frac{BD}{DC} = \frac{AB}{AC} = \frac{4}{6} = \frac{2}{3}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} BD = 2x \\ DC = 3x \end{cases}$$

طبق رابطه طول نیمساز داخلی داریم:

$$AD^2 = AB \times AC - BD \times DC$$

$$\Rightarrow (3\sqrt{2})^2 = 4 \times 6 - (2x)(3x)$$

$$\Rightarrow 18 = 24 - 6x^2 \Rightarrow 6x^2 = 6 \Rightarrow x^2 = 1$$

$$\xrightarrow{x > 0} x = 1 \Rightarrow \begin{cases} BD = 2 \\ DC = 3 \end{cases}$$

طبق روابط طولی در دایره برای دو وتر متقاطع  $BC$  و  $AE$  داریم:

$$AD \times DE = BD \times DC \Rightarrow 3\sqrt{2} \times DE = 2 \times 3$$

$$\Rightarrow DE = \frac{2}{\sqrt{2}} = \sqrt{2}$$

(ممدر فنران)

## گزینه «۲۱۰»

طبق تعیین قضیه تالس در مثلث  $AMN$  داریم:

$$\frac{AB}{AM} = \frac{BC}{MN} \Rightarrow \frac{x}{x+6} = \frac{7}{21} = \frac{1}{3} \Rightarrow x = 3$$

$$\frac{AC}{AN} = \frac{BC}{MN} \Rightarrow \frac{y}{y+10} = \frac{7}{21} = \frac{1}{3} \Rightarrow y = 5$$

طبق قضیه کسینوس‌ها در مثلث  $ABC$  داریم:

$$BC^2 = AB^2 + AC^2 - 2AB \times AC \times \cos A$$

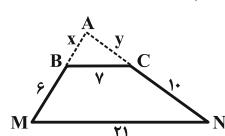
$$\Rightarrow 49 = 9 + 25 - 2 \times 3 \times 5 \times \cos A$$

$$\Rightarrow 3 \cos A = -15 \Rightarrow \cos A = -\frac{1}{2} \Rightarrow \hat{A} = 120^\circ$$

حال با توجه به قضیه سینوس‌ها در مثلث  $ABC$  داریم:

$$R = \frac{BC}{2 \sin A} : \text{شعاع دایرة محیطی}$$

$$= \frac{7}{2 \sin 120^\circ} = \frac{7}{2 \left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right)} = \frac{7}{\sqrt{3}} = \frac{7\sqrt{3}}{3}$$



$$k_1 = \frac{2\Delta}{4} \xrightarrow{k_1 < 0} k_1 = -\frac{\Delta}{2}$$

$$OA_1 = |k_1| \times OA = 2 \times 4 = 8$$

$$OA_2 = |k_2| \times OA = \frac{\Delta}{2} \times 4 = 10$$

$$A_1 A_2 = OA_1 + OA_2 = 8 + 10 = 18$$

تذکر: در صورتی که  $k_1 < 0$  و  $k_2 > 0$  باشد، نیز همین مقدار برای  $A_1 A_2$  حاصل می‌شود.

(ممدر فنران)

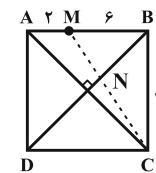
## گزینه «۲۰۷»

طبق مسئله هرون برای پیدا کردن کمترین مقدار  $AN + NM$ ، کافی است تصویر نقطه  $A$  را نسبت به قطر  $BD$  به دست آوریم. با توجه به اینکه قطرها در مربع عمودمنصف یکدیگرند، پس بازتاب رأس  $A$  نسبت به قطر  $BD$  بر رأس  $C$  تصویر می‌شود.

$$\triangle CBM: CM^2 = BC^2 + BM^2$$

$$= 64 + 36 = 100 \Rightarrow CM = 10$$

$$\min(AN + NM) = CM = 10$$



(سینا محمدپور)

## گزینه «۲۰۸»

طبق قضیه میانه‌ها در مثلث  $ABC$  داریم:

$$AB^2 + AC^2 = 2AM^2 + \frac{BC^2}{2}$$

$$\Rightarrow 16 + 36 = 2 \times 10 + \frac{BC^2}{2}$$

$$\Rightarrow BC^2 = 64 \Rightarrow BC = 8$$

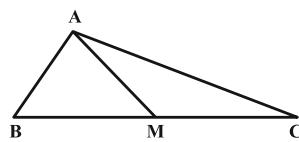
حال طبق قضیه هرون در مثلث  $ABC$  داریم:

$$P = \frac{a+b+c}{2} = \frac{8+6+4}{2} = 9$$

$$S = \sqrt{P(P-a)(P-b)(P-c)}$$

$$\Rightarrow S = \sqrt{9(9-8)(9-6)(9-4)}$$

$$\Rightarrow S = \sqrt{9 \times 1 \times 3 \times 5} = 3\sqrt{15}$$





$$\Rightarrow x + t = \frac{3}{14}$$

$$P(\{b,d\}) = P(b) + P(d) = \frac{4}{7}$$

$$\Rightarrow (x+t) + (x+3t) = \frac{4}{7} \Rightarrow x + 2t = \frac{4}{14}$$

$$\begin{cases} x+t = \frac{3}{14} \\ x+2t = \frac{4}{14} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = \frac{2}{14} \\ t = \frac{1}{14} \end{cases}$$

$$\frac{P(d)}{P(a)} = \frac{x+3t}{x} = \frac{\frac{5}{14}}{\frac{2}{14}} = \frac{5}{2} = 2.5$$

(مسعود روحیش)

## گزینه «۲»

فضای نمونه کاهش یافته فاقد حالت‌هایی است که هر دو تاس عدد زوج

$$n(S) = 6 \times 6 - 3 \times 3 = 27$$

آمده باشد، بنابراین داریم:

در فضای نمونه جدید (که هر دو تاس نمی‌توانند عددی زوج باشند) تنها در

حالتی مجموع اعداد رو شده دو تاس، عددی زوج است که هر دو تاس فرد

$$n(A) = 3 \times 3 = 9$$

آمده باشد، بنابراین داریم:

$$P(A) = \frac{9}{27} = \frac{1}{3}$$

(امیرحسین ابومنوب)

## گزینه «۱»

فرض کنید  $A$  پیشامد آن باشد که هر دو فرزند دارای گروه خونی  $O$ باشند. همچنین پیشامدهای  $B_1, B_2, B_3$  و  $B_4$  به ترتیب داشتن دو دختر،

یک دختر و یک پسر و دو پسر برای این خانواده باشد، آنگاه با توجه به اینکه

احتمال داشتن دو فرزند دختر یا دو فرزند پسر هر کدام برابر  $\frac{1}{4}$  و احتمالداشتن یک فرزند دختر و یک فرزند پسر برابر  $\frac{1}{2}$  است، داریم:

$$P(A) = P(B_1)P(A|B_1) + P(B_2)P(A|B_2) + P(B_3)P(A|B_3) + P(B_4)P(A|B_4)$$

## آمار و احتمال

## «۴» - ۲۱۱

(امیرحسین ابومنوب)

طبق جدول ارزش گزاره‌ها داریم:

p	q	$p \vee q$	$p \wedge q$	$(p \vee q) \Rightarrow (p \wedge q)$
د	د	د	د	د
د	ن	د	ن	ن
ن	د	د	ن	ن
ن	ن	ن	ن	د

$$[(p \vee q) \Rightarrow (p \wedge q)] \equiv (p \Leftrightarrow q)$$

$$\Rightarrow \sim [(p \vee q) \Rightarrow (p \wedge q)] \equiv \sim (p \Leftrightarrow q) \equiv \sim p \Leftrightarrow q$$

## «۳» - ۲۱۲

(مرتضی غیبی علوی)

$$A \cap B \subseteq (A \cup B)' \Rightarrow A \cap B \subseteq A' \cap B'$$

از طرفی دو مجموعه  $A' \cap B'$  و  $A \cap B$  جدا از هم هستند، بنابراینرابطه فوق امکان‌بزیر نیست مگر اینکه  $A \cap B = \emptyset$  در این صورت

داریم:

$$A \cap B = \emptyset \Rightarrow A - B = A \Rightarrow A \cap B' = A \Rightarrow A \subseteq B'$$

## «۱» - ۲۱۳

طبق قوانین جبر مجموعه‌ها داریم:

$$\begin{aligned} [A - (B' - A')]' \cap B &= [A - (A \cap B')]' \cap B \\ &= [A - (A - B)]' \cap B = (A \cap B)' \cap B = (A' \cup B') \cap B \\ &= (A' \cap B) \cup (\underline{B' \cap B}) = B - A \end{aligned}$$

## «۳» - ۲۱۴

(عادل مسینی)

فرض کنید  $P(a) = x$  و قدرنسبت این دنباله حسابی برابر  $t$  باشد. در

این صورت داریم:

$$P(\{a,c\}) = P(a) + P(c) = \frac{3}{7} \Rightarrow x + (x + 2t) = \frac{3}{7}$$



$$\bar{x}_r = \frac{7+10+11+18+20+21}{6} = 14/5$$

$$\bar{x}_r - \bar{x}_l = 14/5 - 14/4 = 0/1$$

(علیرضا شریف خظیبی)

## گزینه «۱» - ۲۱۹

میانگین ۵ داده حذف شده برابر ۱۵ است، پس میانگین داده های باقی مانده

نیز برابر ۱۵ خواهد بود. از طرفی داریم:

$$\sigma_r^2 = \frac{\sum_{i=1}^{15} (x_i - \bar{x})^2}{n} \Rightarrow \sum_{i=1}^{15} (x_i - 15)^2 = 8 \times 25 = 200$$

$$\sum_{i=1}^{15} (x_i - 15)^2 + (19 - 15)^2 + 4(14 - 15)^2 = 200$$

$$\sum_{i=1}^{15} (x_i - 15)^2 = 180$$

اگر واریانس داده های باقی مانده را با  $\sigma^2$  نمایش دهیم، آنگاه داریم:

$$\sigma_r^2 = \frac{\sum_{i=1}^{15} (x_i - 15)^2}{20} = \frac{180}{20} = 9 \Rightarrow \sigma_r = 3$$

$$CV_r = \frac{\sigma_r}{\bar{x}} = \frac{3}{15} = 0/2$$

(امیرحسین ابومهوب)

## گزینه «۳» - ۲۲۰

بازه اطمینان بیش از ۹۵ درصد برای میانگین یک جامعه با انحراف معیار  $\sigma$ براساس نمونه ای به اندازه  $n$  از آن جامعه به صورت

$$\frac{4\sigma}{\sqrt{n}}$$

است. در نتیجه داریم:

$$\frac{4\sigma}{\sqrt{n}} = 15/4 - 12/2 = 3/2$$

$$\frac{4 \times 12/8}{\sqrt{n}} = 3/2$$

$$\Rightarrow \sqrt{n} = 16 \Rightarrow n = 256$$

$$= \frac{1}{4} \times \frac{3}{10} \times \frac{3}{10} + \frac{1}{2} \times \frac{3}{10} \times \frac{4}{10} + \frac{1}{4} \times \frac{4}{10} \times \frac{4}{10}$$

$$= \frac{9}{400} + \frac{12}{200} + \frac{16}{400} = \frac{49}{400}$$

$$P(B_1 | A) = \frac{P(B_1)P(A | B_1)}{P(A)} = \frac{\frac{1}{4} \times \frac{9}{100}}{\frac{49}{400}} = \frac{9}{49}$$

(مرتضی فیضعلوی)

## گزینه «۲» - ۲۱۷

فرض کنید پیشامد آنکه اعداد دو تا س نابرابر و یکی مضرب دیگری باشد را با  $A$  و پیشامد آنکه حداقل یکی از سکه ها رو بیايد را با  $B$  نمایش دهیم.

$$A = \{(1,2), (1,3), (1,4), (1,5), (1,6), (2,1), (2,4), (2,6), (3,1), (3,6), (4,1), (4,2), (5,1), (6,1), (6,2), (6,3)\}$$

$$P(A) = \frac{16}{36} = \frac{4}{9}$$

$$P(B) = \frac{\binom{2}{1} + \binom{2}{2}}{2^4} = \frac{3}{4}$$

پیشامدهای  $A$  و  $B$  مستقل از یکدیگرند، بنابراین داریم:

$$P(A \cap B) = P(A) \times P(B) = \frac{4}{9} \times \frac{3}{4} = \frac{1}{3}$$

(عارف عسینی)

## گزینه «۲» - ۲۱۸

ابتدا داده ها را به صورت صعودی مرتب می کنیم:

$$7, 10, 11, 12, 14, 15, 17, 18, 20, 21$$

تعداد داده ها فرد است، پس داده وسط یعنی ۱۴، میانه داده ها است. میانه ۵

داده اول برابر چارک اول و میانه ۵ داده آخر برابر چارک سوم است، پس

$$Q_1 = 11 \text{ و } Q_3 = 18$$

اگر میانگین داده های بزرگتر از چارک اول و کوچکتر از چارک سوم را با

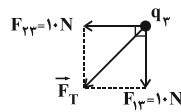
 $\bar{X}_1$  و میانگین سایر داده ها را با  $\bar{X}_2$  نمایش دهیم، آنگاه داریم:

$$\bar{X}_1 = \frac{12+14+14+15+17}{5} = 14/4$$



$$F_{\text{۳۳}} = F_{\text{۱۲}} = k \frac{q}{r^2} = \frac{9 \times 10^9 \times 2 \times 10^{-9} \times 2 \times 10^{-9}}{36 \times 10^{-4}} = 10 \text{ N}$$

با توجه به علامت بارها، نیروهای وارد بر بار  $q_3$  به صورت زیر خواهند بود.



$$F_T = \sqrt{F_{\text{۱۲}}^2 + F_{\text{۳۳}}^2} = \sqrt{10^2 + 10^2} = 10\sqrt{2} \text{ N}$$

(سیاوش فارسی)

#### گزینه «۱» - ۲۲۴

با توجه به اینکه ذره دارای بار مثبت است، جایه‌جایی ذره هم جهت با خطوط

میدان بوده و زاویه بین نیروی وارد بر ذره و جایه‌جایی صفر است.

$$\Delta V = \frac{\Delta U}{q} = \frac{-W_E}{q} = \frac{-|q| Ed \cos \theta}{q}$$

$$\Rightarrow \Delta V = \frac{-2 \times 10^{-9} \times 300 \times 0 / 1 \times 1}{2 \times 10^{-9}} \Rightarrow \Delta V = -30 \text{ V}$$

(زهرا آقامحمدی)

#### گزینه «۲» - ۲۲۴

ابتدا با توجه به رابطه انرژی خازن، اختلاف پتانسیل دو سر آن را محاسبه می‌کنیم.

$$U_1 = \frac{1}{2} CV_1^2 \Rightarrow 100 = \frac{1}{2} \times 8 \times V_1^2 \Rightarrow V_1 = 5 \text{ V}$$

اگر اختلاف پتانسیل دو سر خازن ۲۰ درصد افزایش یابد، به  
می‌رسد.

$$V_2 = 1/2 \times 5 = 6 \text{ V}$$

$$\Delta U = \frac{1}{2} C (V_2^2 - V_1^2) = \frac{1}{2} \times 8 \times (36 - 25) = 44 \mu J$$

(عبدالرضا امینی نسب)

#### گزینه «۴» - ۲۲۵

طبق متن کتاب درسی، گزینه «۴» صحیح نیست و بقیه گزینه‌ها صحیح هستند.

مقاومت نوری، نوعی از مقاومت است که مقاومت الکتریکی آن به نور تابیده شده به آن بستگی دارد.

(عبدالرضا امینی نسب)

#### فیزیک ۲

#### «۲۱» - گزینه «۲»

با نصف شدن بارهای الکتریکی، نیروی بین دو ذره باردار  $\frac{1}{2} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{4}$  برابر

می‌شود. از طرفی با دو برابر شدن فاصله بین آنها، نیرو  $\frac{1}{2^2} = \frac{1}{4}$  برابر

می‌شود که در کل نیرو  $\frac{1}{4} \times \frac{1}{4} = \frac{1}{16}$  برابر می‌شود.

به کمک قانون کولن نیز می‌توان نوشت:

$$F = k \frac{|q_1||q_2|}{r^2} \Rightarrow \frac{F'}{F} = \frac{|q'_1||q'_2|}{|q_1||q_2|} \times \left(\frac{r}{r'}\right)^2$$

$$\Rightarrow \frac{F'}{F} = \frac{q_1 q_2}{q'_1 q'_2} \times \left(\frac{r}{2r}\right)^2 \Rightarrow \frac{F'}{F} = \frac{1}{16}$$

(سید امیر نیکویی نهادی)

#### «۲۲» - گزینه «۲»

ابتدا با داشتن نیروی میان دو بار  $q_1$  و  $q_2$ ، مقدار هر یک از این بارها را

حساب می‌کنیم:

$$F_{\text{۱۲}} = k \frac{|q_1||q_2|}{r^2}$$

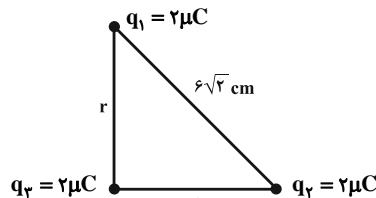
$$\Rightarrow \Delta = \frac{9 \times 10^9 \times q^2}{36 \times 2 \times 10^{-4}} \Rightarrow q_1 = q_2 = 2 \times 10^{-9} \text{ C}$$

$$q_1 = q_2 = q_3 = 2 \times 10^{-9} \text{ C}$$

برای محاسبه نیروی الکتریکی خالص وارد بر بار  $q_3$  از سوی دو بار دیگر،

با استفاده از اصل برهم‌نهی نیروهای کولنی، ابتدا نیروی میان بار  $q_3$  با

تک تک بارها را به صورت جداگانه محاسبه کرده و سپس برآیند می‌گیریم.



برای به دست آوردن نیروی میان بارهای  $q_1$  و  $q_2$  و همچنین نیروی میان

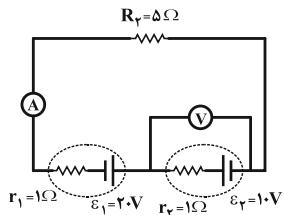
بارهای  $q_2$  و  $q_3$ ، نیاز به داشتن فاصله میان آنها داریم. از آنجا که مثلث

قائم الزاویه متساوی الساقین است، خواهیم داشت:

$$6\sqrt{2} = \sqrt{r^2 + r^2} \Rightarrow 6\sqrt{2} = \sqrt{2r^2} = r\sqrt{2} \Rightarrow r = 6 \text{ cm}$$



و حذف می‌شوند. پس داریم:



$$I_1 = \frac{\epsilon_1 - \epsilon_2}{R_1 + r_1 + r_2} \Rightarrow I_1 = \frac{2 - 1}{5 + 1 + 1} = \frac{1}{7} A$$

$$V_1 = \epsilon_1 + I_1 r_1 = 1 + \frac{1}{7} \times 1 \Rightarrow V_1 = \frac{8}{7} V$$

$$\Delta I = I_1 - I_2 = \frac{1}{7} - 1 \Rightarrow \Delta I = -\frac{6}{7} A$$

$$\Delta V = V_1 - V_2 = \frac{8}{7} - 1 \Rightarrow \Delta V = \frac{1}{7} V$$

(عبدالرضا امینی نسب)

«۲۲۶- گزینه ۱»

ابتدا به کمک رابطه  $A = \pi r^2 = \pi \left(\frac{d}{2}\right)^2$  نسبت سطح مقطع سیم‌ها را محاسبه می‌کنیم:

$$d_A = \sqrt{2} d_B \Rightarrow A_A = 2 A_B$$

از طرفی برای محاسبه نسبت طول سیم‌ها داریم:

$$\frac{m_A}{m_B} = 4 \xrightarrow{m = \rho V} \frac{V_A}{V_B} = 4 \Rightarrow \frac{L_A}{L_B} \times \frac{A_A}{A_B} = 4$$

$$\Rightarrow \frac{L_A}{L_B} \times 2 = 4 \Rightarrow \frac{L_A}{L_B} = 2$$

در نهایت به کمک رابطه  $R = \rho \frac{L}{A}$  داریم:

$$\frac{R_A}{R_B} = \frac{L_A}{L_B} \times \frac{A_B}{A_A} = 2 \times \frac{1}{2} = 1$$

(غلامرضا مهیب)

«۲۲۸- گزینه ۲»

همه مقاومت‌ها موازی هستند و جریان ۷ آمپر به طور مساوی بین آن‌ها تقسیم می‌شود. بنابراین برای توان مصرفی مقاومت  $R_4$  داریم:

$$I_4 = \frac{I}{7} = \frac{7}{7} = 1 A$$

$$P_4 = R_4 I_4^2 \xrightarrow{R_4 = 4\Omega} P_4 = 4(1)^2 = 4 W$$

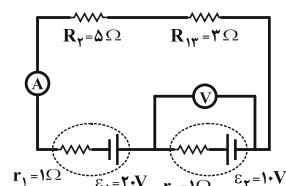
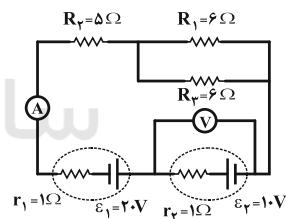
(فسرو ارغوانی فرد)

«۲۲۹- گزینه ۳»

اگر یک رئوستات در مدار داشته باشیم، به هر شکلی که در مدار نسبت به مقاومت‌های دیگر قرار داشته باشد، با افزایش مقاومتش، مقاومت کل مدار افزایش می‌یابد. در نتیجه شدت جریان کل مدار کاهش یافته و طبق رابطه  $V = \epsilon - IR$ ، با کاهش شدت جریان، ولتسنج ایده‌آل عدد بیشتری را نشان می‌دهد. از طرفی ولتسنج، ولتاژ دو سر مقاومت  $R'$  را نیز نشان می‌دهد که طبق رابطه  $V = IR$ ، با افزایش ولتاژ دو سر آن، جریان گذرنده از آن نیز بیشتر شده و آمپرسنج ایده‌آل نیز عدد بیشتری را نشان می‌دهد.

«۲۲۷- گزینه ۴»

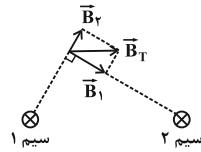
در حالت اول و پیش از بستن کلید  $K$  داریم:



$$I_1 = \frac{\epsilon_1 - \epsilon_2}{R_1 + R_{12} + r_1 + r_2} \Rightarrow I_1 = \frac{2 - 1}{5 + 3 + 1 + 1} \Rightarrow I_1 = 1 A$$

$$V_1 = \epsilon_2 + I_1 r_2 \Rightarrow V_1 = 1 + 1 \times 1 \Rightarrow V_1 = 2 V$$

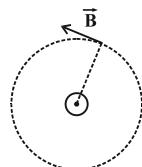
در حالت دوم و با بستن کلید  $K$ ، دو مقاومت  $R_1$  و  $R_2$  اتصال کوتاه شده



باید دقت کنیم که میدان مغناطیسی یک سیم در هر نقطه، برداری مماس بر

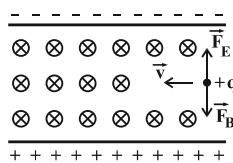
دایره گذرنده از آن نقطه و به مرکز سیم است. پس بردار میدان بر شعاع

دایره در نقطه مورد نظر عمود خواهد بود.



(محمد راست پیمان)

«گزینه ۱» - ۲۳۴



همانطور که در شکل دیده می‌شود، جهت نیروی الکترومکانیکی ( $\vec{F}_E$ ) به طرف

بالاست. چون جرم ذره باردار ناچیز است و باید در حال تعادل باشد، بنابراین

جهت نیروی مغناطیسی ( $\vec{F}_B$ ) باید به طرف پایین باشد. چون کمینه اندازه

میدان مغناطیسی مورد سؤال است،  $\theta = 90^\circ$  خواهد بود. پس:

$$F_E = F_B$$

$$\Rightarrow E|q| = |q|vB\sin\theta$$

$$\Rightarrow B = \frac{E}{v} = \frac{4000}{10} = 4 \times 10^{-3} T = 40 G$$

$$B = (4 \times 10^{-3}) \times 10^4 = 40 G$$

با استفاده از قاعدة دست راست، چهار انگشت را در جهت حرکت بار قرار

می‌دهیم، انگشت شست، نیرو و تاشدن چهارانگشت، جهت میدان مغناطیسی

را نشان می‌دهد.

(عبدالرضا امینی نسب)

«گزینه ۱» - ۲۳۰

چون  $E > B$  می‌باشد، مولد (۱) تولیدکننده و مولد (۲) مصرفکننده

هستند. از طرفی جریان مدار از رابطه زیر محاسبه می‌شود:

$$I = \frac{E_1 - E_2}{R + r_1 + r_2} = \frac{\lambda - 2}{\lambda / 5 + 2 + 1 / 5} = 0 / 5 A$$

لذا توان تولیدی مولد (۱) برابر است با:

$$P_1 = E_1 I = \lambda \times 0 / 5 = 4 W$$

(زهره آقامحمدی)

«گزینه ۳» - ۲۳۱

با توجه به قاعدة دست راست، چهار انگشت دست راست را در جهت  $\vec{v}$

طوری قرار می‌دهیم که  $\vec{B}$  از کف دست خارج شود. در این حالت، انگشت

شست جهت  $\vec{F}$  را نشان می‌دهد. ولی چون بار ذره منفی است، جهت

به دست آمده را عکس می‌کنیم. لذا گزینه «۳» صحیح است.

(علیرضا گونه)

«گزینه ۳» - ۲۳۲

برای آن که سیم حامل جریان، معلق بماند، باید نیروی مغناطیسی با نیروی

گرانشی خنثی شود. بنابراین می‌توان نوشت:

$$F_B = F_g \Rightarrow I\ell B \sin\theta = mg \Rightarrow B = \frac{mg}{I\ell \sin\theta}$$

چون حداقل بزرگی میدان مغناطیسی مورد نیاز است، پس  $\sin\theta$  باید

بیشترین مقدار (به ازای  $\theta = 90^\circ$ ) باشد.

$$B = \frac{mg}{I\ell \sin 90^\circ} = \frac{m}{\ell} = \frac{m}{2 \times 10^{-3}} \text{ kg/m} \rightarrow B = \frac{20 \times 10^{-3} \times 10}{4} = 0.05 T$$

(پیتا فورشیر)

«گزینه ۳» - ۲۳۳

با بررسی انواع حالتهای متوجه می‌شویم که حالت صحیح حالت درون سو -

درون سو است.



الایی در حلقه (۱) باید به سمت پایین باشد. با استدلال مشابه و با هدف جلوگیری از افزایش میدان آهربا، جریان در حلقه (۲) به سمت بالا می‌باشد. در نیمه اول مسیر آهن ربا به حلقه (۱) و در نیمه دوم مسیر آهن ربا به حلقه (۲) نزدیک‌تر است، بنابراین در ابتدا جریان از M به N و سپس از N به M خواهد بود.

(پیشنهاد فورشیر)

## گزینه «۳» - ۲۳۸

ابتدا سرعت حرکت میله را سه ثانیه پس از شروع حرکت به دست می‌آوریم:

$$v = at + v_0 \Rightarrow v = 0 / \lambda t + 0 = 0 / \lambda \times 3 = 2 / 4 \frac{m}{s}$$

$$\epsilon = Blv = 0 / 2\pi \times l \times 2 / 4 = 0 / 8l V$$

$$I = \frac{\epsilon}{R} = \frac{0 / 8l}{2 \times l} = 0 / 4 A$$

(ممدر علی راست پیمان)

## گزینه «۴» - ۲۳۹

با توجه به رابطه  $L = \frac{\mu_0 N^2 A}{l}$ ، می‌توان برای مقایسه دو سیم‌ولله بدون

هسته نوشت:

$$\frac{L_2}{L_1} = \left( \frac{N_2}{N_1} \right)^2 \times \left( \frac{A_2}{A_1} \right) \times \left( \frac{l_1}{l_2} \right)$$

$$\frac{L_2}{L_1} = \left( \frac{N_2}{N_1} \right)^2 \times \left( \frac{l_1}{l_2} \right)$$

سطح مقطع ثابت است. پس:

$$\Rightarrow \frac{L_2}{L_1} = \left( \frac{2}{1} \right)^2 \times \left( \frac{1}{2} \right) \Rightarrow L_2 = \lambda L_1$$

$$\frac{U_2}{U_1} = \left( \frac{L_2}{L_1} \right) \left( \frac{I_1}{I_2} \right)^2$$

با توجه به رابطه  $U = \frac{1}{2} LI^2$ ، داریم:

$$\xrightarrow{\text{ثابت}} \frac{U_2}{U_1} = \frac{L_2}{L_1} = \lambda \Rightarrow U_2 = \lambda U$$

(شادمان ویسی)

## گزینه «۱» - ۲۴۰

شارژر گوشی یک مبدل است و برای مبدل‌های آرمانی داریم:

$$\frac{V_2}{V_1} = \frac{N_2}{N_1} \Rightarrow \frac{3 / \lambda}{220} = \frac{N_2}{1100} \Rightarrow N_2 = 19$$

## گزینه «۴» - ۲۳۵ (زهره آقامحمدی)

با توجه به رابطه بزرگی میدان مغناطیسی در مرکز پیچه، داریم:

$$B = \frac{\mu_0 NI}{2R}$$

$$\frac{B_{\text{پیچه}}}{B} = \frac{N_{\text{پیچه}}}{N} \times \frac{R}{R_{\text{تک حلقه}}} = \frac{N_{\text{پیچه}}}{N_{\text{تک حلقه}}}$$

از طرفی چون طول سیم اولیه ثابت است، داریم:

$$L_1 = L_2$$

$$N_{\text{پیچه}} = N \left( 2\pi R \right) = N \left( 2\pi R_{\text{تک حلقه}} \right)$$

$$\Rightarrow 1 \times 100 = N_{\text{پیچه}} \times 5 \Rightarrow N_{\text{پیچه}} = 20$$

$$\Rightarrow \frac{B_{\text{پیچه}}}{B_{\text{تک حلقه}}} = 20 \times \frac{100}{5} = 400$$

## گزینه «۴» - ۲۳۶ (حسین مقدمه‌ی)

$$\Delta \Phi' = \Phi_4 - \Phi_2$$

تفییرات شار در دو ثانیه دوم:

$$\Delta \Phi = \Phi_2 - \Phi_0$$

تفییرات شار در دو ثانیه اول:

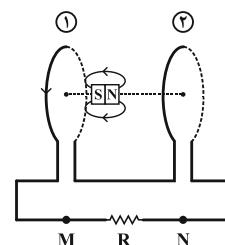
$$\bar{\epsilon} = -N \frac{\Delta \Phi}{\Delta t} \xrightarrow[N=N']{\Delta t=\Delta t'} = \frac{\bar{\epsilon}'}{\bar{\epsilon}} = \frac{\Delta \Phi'}{\Delta \phi} = \frac{\Delta \Phi_{2 \rightarrow 4}}{\Delta \Phi_{0 \rightarrow 2}}$$

$$\Phi = t^2 - 3t + 1 \Rightarrow \begin{cases} \Phi_0 = +1 \text{ Wb} \\ \Phi_2 = 2^2 - 3 \times 2 + 1 = -1 \text{ Wb} \\ \Phi_4 = 4^2 - 3 \times 4 + 1 = +5 \text{ Wb} \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} \Delta \Phi_{2 \rightarrow 4} = \Phi_4 - \Phi_2 = +5 - (-1) = +6 \text{ Wb} \\ \Delta \Phi_{0 \rightarrow 2} = \Phi_2 - \Phi_0 = -1 - (+1) = -2 \text{ Wb} \end{cases}$$

$$\Rightarrow \frac{\bar{\epsilon}'}{\bar{\epsilon}} = \frac{+6}{-2} = -3$$

## گزینه «۳» - ۲۳۷ (ممدر علی راست پیمان)



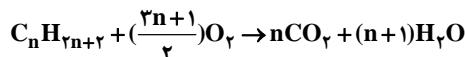
با دور کردن آهن ربا از حلقه (۱)، بر اساس قانون لنز میدان الایی باید به گونه‌ای باشد که جلوی کاهش میدان آهن ربا را بگیرد. بنابراین جریان



(ممدر کلو)

## «۴» - ۲۴۳

معادله کلی سوختن آلکان‌ها به شکل مقابل است:



جرم آلکان مصرف شده	CO <sub>2</sub> تولید شده
۲۰g	۶۰g
(۱۴n+۲)	(۴۴n)

$$\Rightarrow ۸۴n + ۱۲ = ۸۸n \Rightarrow n = ۳$$

درنتیجه آلکان مورد نظر پربویان است.

در آلکان‌های راست زنجیر با افزایش شمار اتم‌های کربن:

- جرم مولی آلکان زیاد شده و نیروهای بین‌مولکولی آن افزایش می‌یابد.
- گرانزوی مقاومت در برابر جاری شدن) افزایش می‌یابد.
- فرار بودن آلکان کاهش می‌یابد.
- نقطه جوش آلکان افزایش می‌یابد.

به این ترتیب، جرم مولی پربویان از بوتان کم‌تر و فرار بودن آن از اتان کم‌تر و هم‌چنین نقطه جوش آن نیز از پتان کم‌تر است.

(میرحسین هسینی)

## «۱» - ۲۴۴

عبارت‌های آ و و ث درست هستند.

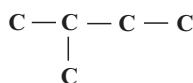
با توجه به فرمول عمومی آلکان‌ها ( $C_nH_{2n+2}$ ), فرمول مولکولی این آلکان است.  $C_5H_{12}$

$$\frac{2n+2}{n} = 2/4 \Rightarrow n = 5$$

بررسی موارد:

مورد آ: آلکان‌هایی با یک تا چهار اتم کربن در دمای اتاق، گاز هستند. در بین آلکان‌های مایع، پتان ( $C_5H_{12}$ ) کمترین نقطه جوش را دارد.

مورد ب: برای آن فقط می‌توان یک ساختار دارای یک شاخه فرعی میل رسم کرد. (۲-متیل بوتان)



مورد پ: با توجه به فرمول مولکولی نفتالن ( $C_{10}H_8$ ) تفاوت شمار اتم‌های H پتان با نفتالن برابر ۴ است.

مورد ت:  $C_5H_{12}(l) + 8O_2(g) \rightarrow 5CO_2(g) + 6H_2O(l)$ 

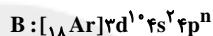
$$\text{مورد ت: } ۰ \cdot \frac{\Delta \text{mol CO}_2}{\text{۱ mol C}_5\text{H}_{12}} \times \frac{۲۲ / ۴ \text{ L CO}_2}{\text{۱ mol CO}_2} = ۱۱ / ۲ \text{ L CO}_2$$

## شیمی ۲

## «۱» - ۲۴۱

در عنصرهای دوره سوم جدول، عدد کواتومی اصلی الکترون‌های لایه ظرفیت همگی برابر با ۳ است. بنابراین با توجه به اینکه مجموع عددهای کواتومی اصلی الکترون‌های لایه ظرفیت ننصر A برابر ۱۲ است، عنصر A در لایه ظرفیت خود ۴ الکترون دارد ( $3s^2 3p^2$ ). از این رو عنصر A متعلق به دوره سوم و گروه چهاردهم است؛ یعنی عنصر سیلیسیم (Si) که یک شبه فلز است.

عنصر B متعلق به دوره چهارم جدول است و گفته شده لایه سوم آن کاملاً پر است. از آنجایی که مجموع عددهای کواتومی فرعی (I) الکترون‌های لایه ظرفیت آن برابر ۲ است، این عنصر در گروه ۱۴ قرار دارد. زیرا،



مجموع عددهای کواتومی فرعی الکترون‌های لایه ظرفیت.

$$2(n+1) = 2 \Rightarrow n = 2$$



عنصر B همان عنصر شبه فلزی Ge است.

عبارت‌های آ و پ درست هستند.

بررسی موارد:

مورد آ: Ge (B) و Si (A)، هر دو در اثر ضربه خرد می‌شوند.

مورد ب: هر دو عنصر در گروه ۱۴ جدول تناوبی قرار دارد.

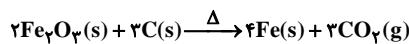
مورد پ: سیلیسیم و زرمانیم هر دو رسانایی الکتریکی کمی دارند.

مورد ت: اتم‌های Si و Ge در واکنش با دیگر اتم‌ها الکترون به اشتراک می‌گذارند.

## «۲» - ۲۴۲

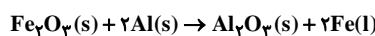
(علی بدی)

گزینه «۱»: در فولاد مبارکه و سایر شرکت‌های فولاد جهان، برای انجام این کار، از واکنش  $Fe_2O_3$  و کربن استفاده می‌کنند، زیرا کربن دسترسی آسان و صرفه اقتصادی بیشتری دارد.



گزینه «۲»: آهن (III) اکسید به عنوان رنگ قرمز در نقاشی به کار می‌رود.

گزینه «۳»: در واکنش ترمیت آهن به حالت مذاب ((Fe(l)) تولید می‌شود و معادله واکنش ترمیت به صورت زیر است:



گزینه «۴»: در واکنش بی‌هووازی تخمیر گلوكز، مولکول‌های گلوكز به مولکول‌های اتانول و کربن دی‌اکسید تبدیل می‌شوند.





با توجه به واکنش موازن شده با سوختن یک مول هیدرازین، یک مول گاز نیتروژن و دو مول بخار آب، به عبارت دیگر  $(28g + 36g) - 64g = 20g$  فرآورده تولید می‌شود.

$$\frac{575\text{kJ}}{12 / 8\text{g}(\text{N}_2, 2\text{H}_2\text{O}) \times 64\text{g}(\text{N}_2, 2\text{H}_2\text{O})} = 115\text{kJ}$$

(حسن رفعتی کوکنده)

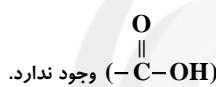
گزینه «۴»

بررسی گزینه‌های نادرست:

گزینه «۱»: فقط ترکیب‌های (آ) و (ب) ایزومر یا هم بارند؛ چون دارای فرمول مولکولی یکسان، اما ساختار مقاوت هستند.

گزینه «۲»: در میان مولکول‌های ترکیب (آ) و (پ) امکان تشکیل پیوند هیدروژن وجود ندارد.

گزینه «۳»: در هیچ‌یک از ترکیب‌های داده شده گروه عاملی کربوکسیل



(محمد پارسا غراهانی)

گزینه «۳»

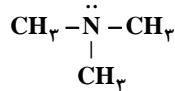
به عنوان مثال اتانویک اسید در ساختار خود پیوند دوگانه دارد، اما نمی‌تواند در واکنش پلیمری شدن شرکت کند.

(همیر روز)

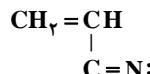
گزینه «۳»

گزینه «۱»: کولا را از ۴ عنصر C, H, N و O و ویتامین (ث) از سه عنصر C, H و O تشکیل شده‌اند.

گزینه «۲»: بین مولکول‌های ویتامین (ث) و همچنین بین مولکول‌های اتانول امکان تشکیل پیوند هیدروژن وجود دارد.

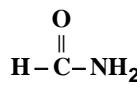


تری متیل آمین



سیانواتن

شمار اتم‌های کربن یکسان است.

گزینه «۴»:  $\frac{45}{\text{mol}}$  دی متیل آمینساده‌ترین آمید  $\frac{45}{\text{mol}}$ موردن ث: متان ( $\text{CH}_4$ ) نخستین عضو خانواده آلانکان‌ها است.

$$\text{C}_8\text{H}_{12} = 72\text{g.mol}^{-1} \quad \text{CH}_4 = 16\text{g.mol}^{-1}$$

$$72 - 16 = 56\text{g.mol}^{-1}$$

(سید صدر اعادل)

گزینه «۳»

پس از جدا کردن نمک‌ها، اسیدها و آب، نفت خام را پالایش می‌کنند. درواقع با استفاده از تقطیر جزء به جزء، هیدروکربن‌های آن را به صورت مخلوط‌هایی با نقطه جوش نزدیک به هم جدا می‌کنند. برای این کار، نفت خام را درون محفظه‌ای بزرگ گرمایی دهند و آن را به برج تقطیر هدایت می‌کنند. برچی که در آن از پایین به بالا دما کاهش می‌یابد. هنگامی که نفت خام داغ به قسمت پایین برج وارد می‌شود، مولکول‌های سبک‌تر و فرارتر از جمله مواد پتروشیمیایی، از مایع بیرون آمده و به سوی بالای برج حرکت می‌کنند. به تدریج که این مولکول‌ها بالاتر می‌روند، سرد شده و به مایع تبدیل می‌شوند و در سینی‌هایی که در فاصله‌های گوناگون برج قرار دارند وارد شده و از برج خارج می‌شوند. بدین ترتیب مخلوط‌هایی با نقطه جوش نزدیک به هم از نفت خام جداسازی می‌شوند.

نکته: چهار جزء اصلی سازنده نفت خام عبارتند از:

(۱) بنزین و خوراک پتروشیمی

(۲) نفت سفید

(۳) گازویل

مقایسه نقطه جوش و اندازه اجزای نفت خام:

نفت کوره &lt; گازویل &lt; نفت سفید &lt; بنزین و خوراک پتروشیمی

مقایسه فرابودن و ارزش اجزای نفت خام:

بنزین و خوراک پتروشیمیایی &lt; نفت سفید &lt; گازویل &lt; نفت کوره

(شیمی، صفحه‌های ۱۶۳ و ۱۶۴)

(سوندر راهمن پور)

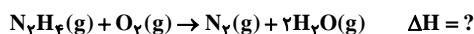
گزینه «۲»

اتم‌ها در حالت پایه با جذب انرژی به اتم‌های برانگیخته تبدیل می‌شوند.

(مسعود طبرسی)

گزینه «۱»

واکنش موازن شده سوختن هیدرازین :



اگر نخستین واکنش را با واکنش دوم و وارونه‌ی واکنش سوم، جمع کنیم، به

واکنش سوختن هیدرازین خواهیم رسید:

$$\Delta H = \Delta H_1 + \Delta H_2 - \Delta H_3 = -183 - 484 + 92 = -575\text{kJ}$$