

دفترچه شماره ۱

آزمون شماره ۱۰

جمعه ۱۵ های سپتامبر ۱۴۰۰



آزمون‌های سراسری کاج

گزینه درست را انتخاب کنید.

سال تحصیلی ۱۴۰۰-۱۴۰۱

آزمون عمومی

پایه دوازدهم ریاضی، تجربی و منحصرأ زبان
دوره دوم متوسطه

شماره داوطلبی:	نام و نام خانوادگی:
مدت پاسخگویی:	تعداد سوالاتی که باید پاسخ دهید: ۷۵ دقیقه

عنوانین مواد امتحانی آزمون عمومی گروههای آزمایشی علوم ریاضی، علوم تجربی و منحصرأ زبان، تعداد سوالات و مدت پاسخگویی

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سوال	شماره سوال		مدت پاسخگویی
			تا	از	
۱	فارسی	۲۵	۱	۲۵	۱۸ دقیقه
۲	زبان عربی	۲۵	۲۶	۵۰	۲۰ دقیقه
۳	دین و زندگی	۲۵	۵۱	۷۵	۱۷ دقیقه
۴	زبان انگلیسی	۲۵	۷۶	۱۰۰	۲۰ دقیقه



- در کدام گزینه، معنی همه واژه‌ها درست است؟**
- (۱) مسلک: طریق / آهله‌ی: لیاقت / پلاس: جامه‌ای پشمینه و ستبر که درویشان پوشند. / گسیل کردن: روانه شدن
 - (۲) خیل: دسته / رعناء: زیبا / گُرد: پهلوان / معزکه: میدان جنگ
 - (۳) سردمدار: رئیس / مهیب: ترس آور / معیار: مقیاس / تومن: اسب سرگش
 - (۴) بُنان: سرانگشت / فایق: برگزیده / مفخر: مایه افتخار / وسیم: خوش بو
- ۲- کدام گزینه، می‌تواند معانی مناسبی برای تعداد بیشتری از واژه‌های زیر باشد؟**
- «زقه - تجلی - نسیان - توشن - مخّمّصه - أسوه»
- (۱) آشکار - توانایی تحمل سنگینی یا فشار - یادداشت - باشکوه
 - (۲) تهی - گرفتاری - امضای نامه یا فرمان - روشنی
 - (۳) جلوه‌گری - فراموشی - سهل‌انگار - ارزشمند
 - (۴) ناتوان - سرمشق - دشواری - اندوخته
- ۳- معنی چند واژه، درست نیست؟**
- «وجه (وجود) / تکلف (خودنمایی و تجمل) / باسق (بالیده) / سلسله‌جنبان (تأسیس‌کننده) / وَقْب (میان دو کتف) / مرؤوت (اصلاح و رسیدگی) / حلیه (آگاه باش) / جود (سخی) / دین (وام) / مزید (افزونی)»
- (۱) دو
 - (۲) سه
 - (۳) چهار
 - (۴) پنج
- ۴- عبارت‌های کدام گزینه فاده غلط املایی است؟**
- الف) از پیش محرب بیرون آمدی با هیبتی و سیاستی هر چه تمام‌تر و گفتی ما شبانروزی از حول و سهم آن سوزان و لرزان بودیمی.
- ب) آن چه بر لفظ ملک می‌رود عین صدق و محض حقیقت است، اما در مذهب خرد، طلب صلح اصحاب عداوت، حرام است.
- ج) آن که از تهمت نقض عهد برکنار باشد اندر نفس خویش خوی و آرایشی یابد و از مردمان سانی نیکو شنود.
- د) پاک‌داشتن ظاهر از نجاست و لقمه حلال و جامه‌نمایی و پاک‌داشتن باطن از علت‌ها و فراقت از اغیار، تقواست.
- ه) هرگاه که مهمی حادث گردد هر کس به گوش‌های نشینند و به هیچ تأویل خود را از برای دیگران در میان نهند.
- (۱) ب - ج
 - (۲) الف - د
 - (۳) ب - ه
 - (۴) ج - د
- ۵- در کدام بیت، غلط املایی وجود ندارد؟**
- زین سخن منصور واجبدار شد
در سینه اگر جا دهمش، خوب نباشد
بیش از آن است که صدساله کنی حج و عزا
همه پالوده و حیران به بیقوله درون رسوا
- (۱) حرف حق بگزار بر طاق بلند
 - (۲) گر دل به الهمهای تو منصوب نباشد
 - (۳) اندر این شهر شواب تو به یکساله مقام
 - (۴) بداندیشان تو هستند از چنگ قضا خسته
- ۶- در متن زیر، چند غلط املایی وجود دارد؟**
- «آن جانوران کز مردمان گریخته‌اند و آن نبات‌ها که به جای‌های مردم، معزول مانده‌اند و مخدول گشته و هر گریخته معزول و مقهور باشد نه غالب. از بهر آن که گریختن و معزولی ایشان، عجز و ضعف است و عاجز، تابع و تسلیم باشد و غالب، متع».«
- (۱) چهار
 - (۲) سه
 - (۳) دو
 - (۴) یک
- ۷- ابیات زیر، یادآور نام اثری از کدام شخصیت ادبی است؟**
- نام تو می‌برم که زبانم بربده‌باد
من زنده‌ام که حیب حیاتم دربده‌باد
- (۱) معصومه آباد
 - (۲) سپیده کاشانی
 - (۳) جلال آل احمد
 - (۴) عیسی سلمانی لطف‌آبادی

-۸ در کدام گزینه، ترتیب ابیات به لحاظ داشتن آرایه‌های «کنایه - مجاز - تلمیح - حس آمیزی - تشبيه» درست است؟

بیا که سیر شدم بی تو از جهان ای دوست
چون بندیم میان؟ یوسف دوران این جاست
مازندران گشودن کار تهمتن است
ز شوق باز شود غنچه را دهان، ای دوست
کاندر لب و حدیث و دهان تو مضرم است

- (الف) بیا بیا که ز هجر آمدم به جان ای دوست
(ب) بندگی را کمر امروز بندید به جان
(ج) مرد آن بود که خانه دشمن کند خراب
(د) اگر کنند به روی تو نسبتی گل را
(ه) در جان نیشکر نبود آن حلاوتی

۴) الف - ج - ب - ۵ - ه ۳) ه - ج - ب - ۵ - الف

۲) ب - الف - ج - ۵ - د ۱) د - الف - ج - ه - ب

آرایه درج شده در برابر همه گزینه‌ها صحیح است، به جز

که آتش است گلستان، زر گداخته را: تلمیح
دوام نیست از این بیش حسن ساخته را: ایهام تناسب
به خاک کرد نهان مهر، تیغ آخته را: حسن تعلیل
شناختیم کنون قدر رنگ باخته را: حس آمیزی

- (۱) ز داغ نیست محبا به درد ساخته را
(۲) به یک دو هفته، مه چارده هلالی شد
(۳) ز شرم خنجر مزگان برکشیده او
(۴) چو گل ز چهره رنگین به خار غوطه زدیم

-۹

در کدام گزینه، همه آرایه‌های «تشبيه - حس آمیزی - تناقض - استعاره - ایهام تناسب» وجود دارد؟
جواب تلخ تو شیرین تراز شکر می‌گشت
از بس که اشک دست نهد بر گلوی من
قبا نپوشید سرو و گله ندارد ماه
مشک از سر زلفین تو دریوزه کند بوی

- (۱) ز شور عشق تو در کام جان خسته من
(۲) شدگردنم زگردن قمری سیاهتر
(۳) چو سرو بود و چو ماه و نه ماه بود و نه سرو
(۴) رنگ از گل رخسار تو گیرد گل خودروی

-۱۰

گوهه آوای شما باز گرفتار افتاد
بنده تا قد تورا دید، شد از سرو آزاد»

- در کدام گزینه به آرایه‌های ابیات زیر اشاره شده است؟
«گر به مرغان چمن بگذری ای باد صبا
سر و هر چند به بالای تو می‌ماند راست

-۱۱

۲) جناس ناقص - تضاد - مجاز - ایهام

(۱) استعاره - تناسب - تشبيه - حسن تعلیل

۴) ایهام تناسب - استعاره - حسن تعلیل - ایهام

(۳) تشبيه - مجاز - تناقض - کنایه

-۱۲

در ابیات زیر، واژه «هیچ» در کدام نقش دستوری به کار نرفته است؟
جز هیچ نگنجید در این تنگ فضا هیچ
آخر نگشودیم به جز بند قبا هیچ»

- «سرتاسر آفاق یک آغوش عدم داشت
زین کسوت عبرت که معماهی حباب است
(۱) متممی ۲) نهادی

-۱۳

«ضمیر متصل» در کدام بیت، با ضمیر متصل در بیت «دل برد و چون بدانست کم کرد ناشکیبا / بگریخت از بر من تا در جنون بمانم» همنقش است؟
به دیگران رسدت میوه ای نهال رسیده
پیش از آن کست در ریاند از میان
و گرم داغ درون نیست، برون دل هست
مکوب در، که کسی نیست اندر این خانه

- (۱) به اشک شوق رساندم تو را به این قد و اکنون
(۲) بر کنار آیی از همه کار جهان
(۳) روسیاهم، حبسی گوی من سوخته را
(۴) گرفت شبی به سر کوی ماگذار افتاد

-۱۴

در کدام گزینه، فعل به «قرینه معنوی» حذف شده است؟
آشنایی مددی دستی و پایی بزم
مشکین کمند خسرو مسکین نواز من
زان که این مرحله را محنت بی حد باشد
محضری زین به نمی خواهد و فای سوختن

- (۱) درگذشت از سر من آب ولی گر دهد
(۲) دانی که چیست رشتۀ عمر دراز من؟
(۳) حدّ کس نیست «هلالی» که شود همه ما
(۴) نیست ممکن محو گردد جای داغ از سینه ها



بیار و در کله صوفیانه من ریز
حافظ این قصه دراز است به قرآن که مپرس
ما بر سر راه فنا با خاک یکسان همچنان
 حاجت به نزد او بر کاو بر تو در نبند

خصم آرام‌اند گوهرهای غلتان بیشتر
تلخ گردد عیش مور از شکرستان بیشتر
آرزو گردد ز نعمت‌های الوان بیشتر
هر که بیناتر در این هنگامه حیران بیشتر

تا دهانم چون صدف پر گوهر سنجدیده شد
هر دل که مخزن گهر راز می‌شود
زنها مکن گوش که نامحرم غیب است
زخمش از تیغ محال است دهن باز کند

بعد از من ارکنی تو بر خاک من گذاری
به بانگ نعره برآید که جان ماست هنوز
مگرم سر برود تا برود سودایت
استخوانم ز لحد، رقص کسان برخیزد

در رکوع است بنفسه که دوتا می‌آید
که کارشان همه تسبیح و حمد دادر است
صبر کن کان است تسبیح درست
جمله زبان از پی تسبیح توست
اگه دراز است ره مقصد و من نو سفرم، تناسب معنایی دارد؟
ز گرد ره نباشد زحمتی گردون سواران را
و گزنه یاد می‌دادم به شمع، آتش زبانی را
گر از دل‌های روشن همت استمداد می‌کردم
هر که جایی رسد، از همت پست است این جا

طالب گشاده است در توبه بسته نیست
موقوف آبیاری اشک ندامت است
که توبه‌نامه به خط شکسته می‌باید
ناله و آه این نهال خشک را بَرَرَ کند

- ۱۵ - در کدام گزینه، تعداد «جمله‌های پیرو» کمتر است؟

- (۱) چو رفت توبه‌ام، ار صاف نیست، درد سیاه
- (۲) گفتمش زلف به خون که شکستی؟ گفتا
- (۳) هر کس که آمد غیر ما در بزم وصلش یافت جا
- (۴) خواهی ز راه مقصود نومید بزنگردی

- ۱۶ - نقش دستوری «ردیف» در کدام گزینه متفاوت است؟

- (۱) نیست در زندان تن، جان‌های کامل را قرار
- (۲) لقمه بیش از دهن، سرمایه حسرت بود
- (۳) خشک سازد ریشه نخل هوس را نان خشک
- (۴) شوخ چشمی در بساط صنع، عین غفلت است

- ۱۷ - مفهوم کدام گزینه، متفاوت است؟

- (۱) سال‌ها دندان خاموشی فشدم بر جگر
- (۲) نتوان به زخم تبیغ لبیش را ز هم گشود
- (۳) هر کس که خبر می‌دهد از راز حقیقت
- (۴) هر دلی را که محبت صدف راز کند

- ۱۸ - مفهوم کدام گزینه متفاوت است؟

- (۱) همچون علف برآیند از گورم استخوان‌ها
- (۲) چو مرده باشم اگر بگذرد به خاک لحد
- (۳) روزگاری است که سودای تو در سر دارم
- (۴) گر پس از مرگ قدم بر سر خاکم بنهی

- ۱۹ - مضمون کدام گزینه، متفاوت است؟

- (۱) در نمازند درختان و به تسبیح، طیور
- (۲) مشاعر همه اشیا از او و زآن سبب است
- (۳) صبر کردن، جان تسبیحات توست
- (۴) پرده سومن که مصابیح توست

- ۲۰ - کدام گزینه با بیت «همتم بدرقه راه کن ای طایر قدس / که دراز است ره مقصد و من نو سفرم»، تناسب معنایی دارد؟

- (۱) علایق را بود کوتاه، دست از دامن همت
- (۲) زبون‌کش نیستم چون باد صبح از پرتو همت
- (۳) نمی‌لرزید از باد فنا بر خود چراغ من
- (۴) نرسد زیر فلک، همت عالی جایی

- ۲۱ - مضمون کدام گزینه، متفاوت است؟

- (۱) سرنشته امید ز رحمت گسسته نیست
- (۲) این تخم توبه‌ای که تو در خاک کرده‌ای
- (۳) مرا ز تجربه کاران نصیحتی یاد است
- (۴) توبه کردن گر ز ذوق چاشنی غافل مشو



۲۲- مفهوم کدام بیت، متفاوت است؟

هر که دامن بر ثمر چون سرو از استغنا فشاند
که همچو سرو از این باغ چید دامن را
که به خاطر گرهی نیست ز پیوند مرا
سرو را بیش از درخت پرثمر میپرورد

(۱) از بهاران خلعت سرسبزی جاوید یافت

(۲) کسی ز قید خزان و بهار شد آزاد

(۳) شادم از بیبری خویش در این باغ چو سرو

(۴) گلشن آرایی که دارد از بصیرت بهره‌ای

۲۳- مضمون کدام گزینه، متفاوت است؟

صد ناله غریب ز شوق وطن کشم
آب در لعل گران قیمت از آن می‌لرزد
از آن بهتر که چون گل بر کف دست وطن باشم
دلش سوراخ شد تا از وطن، گوهر برون آمد

(۱) مرغی به آشیانه خود خار اگر برد

(۲) وطن از یاد به خون‌گرمی غربت نرود

(۳) اگر داغ غریبی سرمه سازد استخوانم را

(۴) وطن هر چند دلگیر است بر غربت شرف دارد

۲۴- مضمون کدام گزینه، متفاوت است؟

کرم و بخل ز پیشانی دریان پیداست
گر تو ندانی حال من، نیک ببین علامتم
سیل، انتظار رخصت دریان نمی‌برد
توان شناخت ز سوزی که در سخن باشد

(۱) نامه‌ای نیست که عنوان نشود غمازش

(۲) چهره زرد و اشک سرخ هست گواه حال من

(۳) بی اختیار، عشق به دل پای می‌نهد

(۴) بیان شوق چه حاجت که سوز آتش دل

۲۵- کدام گزینه با بیت « Zahed ظاهر پرست از حال ما آگاه نیست / در حق ما هرچه گوید جای هیچ اکراه نیست »، تناسب معنایی بیشتری دارد؟

کز اشتیاق جمالت چه اشک می‌ریند
تا نصیب که شود باده مردافکن دل؟
نشسته در عرق خجلتم چو سنگ در آب
حال سرشوریده به دستار مگویید

(۱) تو قدر خویش ندانی ز درمندان پرس

(۲) شیشه‌ای نیست که گردن نکشیده است اینجا

(۳) ز سخت جانی خود بی تو در شب هجران

(۴) احوال دل خسته به اغیار مگویید



سایت Konkur.in

زبان عربی

■■ عین الأنسب في الجواب للترجمة من أو إلى العربية (٣٥ - ٢٦):

۲۶- « واعتصموا بحبل الله جمِيعاً و لا تفرقوا»:

(۱) همگی به رسیمان الهی چنگ زند و متفرق نشدندا!

(۳) همگی به رسیمان الله چنگ بزنید و پراکنده نشوید!

۲۷- «الذى لا يعمل بوعده لا دين له!»:

(۱) آن که به وعده‌هایش عمل نمی‌کند، هیچ دینی ندارد!

(۳) هر کس به وعده‌های خودش عمل نکند، دین ندارد!

۲۸- « لا تقدر البومة على إدراة عينها ولكن تُعوض هذا النقص بتحريك رأسها في كل جهة!»:

(۱) جند قادر نیست چشمانش را بگرداند، لکن این کمبود را با تکان خوردن سرش در هر جهتی جبران می‌نماید!

(۲) آفتاب‌پرست قادر به اداره کردن چشم خود نیست، اما با تکان دادن سرش در هر سمتی این نقص را جبران می‌کند!

(۳) جند نمی‌تواند چشم خود را تکان دهد، اما این نقص با تکان خوردن سرش در هر جهتی جبران می‌گردد!

(۴) جند نمی‌تواند چشمش را بچرخاند، ولی با تکان دادن سر خود در هر سمتی این نقص را جبران می‌کند!



٢٩- **فتش شرطی الجمارك حقيبي في صالة المطار فوجد فيها معجون الأسنان والمنشفة و دفتر الذكريات!»:**

- ١) پلیس گمرک فروندگاه، کیفم را در سالن تفتيش کرد، پس در آن مسوک و حوله و دفتر خاطرات یافت!
- ٢) پلیس گمرک، چمدان من را در سالن فروندگاه بازرسی کرد و در آن خمیر دندان و حوله و دفتر خاطرات پیدا کرد!
- ٣) مأمور گمرک، چمدانم را در محوطه فروندگاه تفتيش نمود و در آن خمیر دندان و یک حوله و دفتر خاطرات دید!
- ٤) مأمور گمرک، چمدانم را در سالن بازرسی نمود و در آن چند خمیر دندان و حوله و دفتر خاطرات پیدا کرد!

٣٠- **«يَتَّمِنُ الْبَشَرُ أَنْ يُنِيرَ الْمَدْنَ يَوْمًا بِالاستعانة بالبكتيريا المضيئة!»:**

- ١) بشر تمّا می‌کند که روزی بتواند شهرهایش را با کمک باکتری درخشان نورانی نماید!
- ٢) انسان آرزو دارد که با کمک باکتری نورانی روزی شهرها را نورانی کند!
- ٣) انسان آرزو داشت که روزی شهرها را با استفاده از باکتری درخشان روشنی بخشد!
- ٤) بشر دوست دارد که روزی شهرها را نورانی نماید درحالی که از باکتری نورانی کمک گرفته است!

٣١- **«عَلَى كُلِّ النَّاسِ أَنْ يَتَعَايشُوا مَعَ بَعْضِهِمْ تَعَايِشًا سَلِيمًا مَعَ الاحتفاظ بِعَقَائِدِهِمْ!»:**

- ١) بر تمام مردم است که با نگاه داشتن عقاید خویش، به طور مسالمت‌آمیز با یکدیگر همزیستی نمایند!
- ٢) هر یک از مردم می‌باشد با یکدیگر سالم زندگی کنند همراه با حفظ عقایدشان!
- ٣) کل مردم باید با برخی دیگر به همراه نگاه داشتن عقایدشان به شکل سالمی همزیستی کنند!
- ٤) هر کدام از مردم با حفظ عقاید خود می‌باشد زندگی مسالمت‌آمیزی داشته باشند!

٣٢- **«لَا يَجُوزُ إِصْوَارُ عَلَى نَقَاطِ الْخَلَافِ فَإِنَّهُ لَا يَنْتَفِعُ بِهِ أَحَدٌ: يَافْشَارِي بِرِّ نَقَاطِ جَائِزٌ نَمِيَ يَأْشِدُ؛ زَيْرَا احْدِي ا!» عَيْنُ الصَّحِيحِ**

للفراغين:

- (١) اختلاف - با آن سود نمی‌رساند
- (٢) اختلافات - از آن نفع نبرده است
- (٣) اختلاف - از آن سود نمی‌برد
- (٤) تفاوت - از آن بهره نخواهد برد

٣٣- **عَيْنُ الْخَطَا:**

- (١) لَمَّا خَرَجَ الْقَوْمُ مِنَ الْمَدِينَةِ بَقِيَ إِبْرَاهِيمُ (ع) وحِيدًا: زمانی که مردم از شهر خارج شدند، ابراهیم (ع) تنها ماند!
- (٢) قَدْ كَانَتْ لَكُلْ شَعْبٍ طَرِيقَةً لِلْعِبَادَةِ: هر ملتی، شیوه‌ای برای عبادت داشته است!
- (٣) الْأَحْمَقُ مِنْ يُغْرِقُ فِي الْمَدْحِ النَّاسُ وَذَمَّهُمْ: احمق کسی است که در ستایش مردم و نکوهششان زیاده‌روی می‌کند!
- (٤) كُنْ فَرَحًا بِأَنَّ الْحَسَنَاتِ يَذَهَّبُنَ السَّيِّنَاتِ: خوش حال باش به این که بدی‌ها با نیکی‌ها از بین می‌روند!

٣٤- **عَيْنُ الصَّحِيحِ:**

- (١) لا يَحِزْنُكَ قَوْلُ الْمُنَافِقِينَ فَالْعَزَّةُ عِنْ الدِّلْلَةِ: با سخن منافقان ناراحت نشو، چه عَزَّتْ نَزَدُ خَداوَنْدَ است!
- (٢) قَبْلَ إِنَّ الْجَهَالَ لَا يَفْتَخِرُونَ إِلَّا بِأَنْسَابِهِمْ: گفته‌شده که جاهلان فقط به نسب‌هایشان افتخار می‌کنند!
- (٣) اللَّهُ جَعَلَنَا شَعُوبًا وَ قَبَائِلَ لِنَتَعَارِفَ: خداوند ما را ملت‌ها و قبیله‌هایی قرار داد تا شناخته نشویم!
- (٤) هَذَا كَلَامُ عَمَلَاءِ الْعَدُوِّ لَأَنَّهُ يُفْرِقُ صَفَوْفَكُمْ: این سخن دست‌نشانده‌های دشمنان است، چرا که صف‌هایتان را پراکنده می‌سازدا

٣٥- **«تَلْفُنُ هَمَرَاهِي دَارِمَ كَهْ بَاتِرِيَ اَشْ در طَوْلِ نَصْفِ رُوزِ خَالِي مِي شَوَّدَا!» عَيْنُ الصَّحِيحِ:**

- (١) بطَارِيَةً جَوَالِيَ تَفَرَّغُ خَلَالِ نَصْفِ يَوْمِيْنِ!
- (٢) عَنْدِي جَوَالِ وَ بطَارِيَتِه تَفْوِيقَ فِي نَصْفِ يَوْمِيْنِ!
- (٣) لَدِيْ جَوَالِ بطَارِيَتِه تَفَرَّغُ خَلَالِ نَصْفِ يَوْمِيْنِ!
- (٤) لَيْ جَوَالِ بطَارِيَتِه تَفَرَّغُ خَلَالِ نَصْفِ يَوْمِيْنِ!

■■■ اقرأ النص التالي بدقة ثم أجب عن الأسئلة التالية بما يناسب النص (٤٢ - ٣٦):

قد نظن أنّه لا فائدة للبكتيريا لنا ولكنّها تختلف عن الفيروس في هذا الأمر. إلى جانب نستفيد من البكتيريا في حياتنا اليومية، اكتشف الباحثون أن في عمق المحيط أضواءً تنباعث من نوع من البكتيريا التي تعيش تحت عيون أسماك. فتحتّ ظلمات المحيط إلى نهارٌ منبرٌ فيقدر الغواصون على التقاط صور في أضواءها. يعتقد العلماء أنّ يمكن لنا أن نستعين بالبكتيريا المضيئة لإضاءة المدن ونعطيها مع طاقات ليست دائميّة!

٣٦- لماذا تحول ظلمات المحيط إلى نهار مضيء؟؛ عين الصحيح:

- (٢) لأنّ البكتيريا المضيئة ترسل أضواءً في أعماق المحيط!
- (٤) لأنّنا يمكن أن نستعين بها لإضاءة المدن!

١) بسبب وجود أسماك كثيرة في أعماق المحيط!

٣) لأنّ الغواصين يلتقطون صوراً فيها!

٣٧- «سبب اهتمام البشر بالبكتيريا المضيئة هو أنها»؛ عين الصحيح:

- (٢) تُسهل التقاط صور الغواصين في أعماق المحيط!
- (٤) مصدر وجود الضوء في أعماق المحيط!

١) تعيش تحت عيون أسماك عجيبة!

٣) يمكن أن تكون بديلاً لمصدر إنتاج الكهرباء في عالمنا اليوم!

٣٨- «في أعماق المحيط عجائب»؛ عين الصحيح لتمكيل الفراغ:

- (٢) لا نعلم شيئاً عنها!
- (٤) تستفيد منها لإضاءة المدن!

١) تثير الاهتمام!

٣) تُعرضها مع طاقات دائمة!

٣٩- «تنسنج من النس»؛ عين الصحيح:

- (٢) في أعماق المحيط ظلمات شديدة!
- (٤) قد قام الإنسان بكشف عجائب الخلقة!

١) الفيروس لها فائدة على خلاف البكتيريا!

٣) لا مكان في العالم إلا و فيه ضوء!

■ عين الخطأ في الإعراب والتحليل الصرف (٤٢ - ٤٠):

٤٠- «تحوّل»:

- (١) له ثلاثة حروف أصلية و حرف زائد - مصدره على وزن «تفعل» - للغائية / مع نائب فاعله و الجملة فعلية
- (٢) مضارع - مجهول / فعل و «ظلمات» نائب فاعله

٣) فعل مضارع - مزيد ثلاثي (ماضيه: حوقل، مصدره: تحويل) / قد حذف فاعله

٤) له حرف زائد واحد - للمفرد المؤنث / فاعله محدود و الجملة فعلية

٤١- «نوع»:

- (١) مضارع - مزيد ثلاثي - معلوم / فعل مع فاعله و الجملة فعلية
- (٢) مزيد ثلاثي (زيادة حرف واحد) - للمتكلّم مع الغير / فاعله ضمير «ها» و الجملة فعلية
- (٣) مزيد ثلاثي - معلوم / الجملة فعلية

٤) للمتكلّم مع الغير - متعدّ / مع فاعله و الجملة فعلية

٤٢- «الباحثون»:

- (١) اسم؛ جمع سالم للمذكر - اسم فاعل (مأخوذ من الفعل المجرد الثلاثي) / فاعل للفعل المذكر
- (٢) جمع سالم (مفرد: مذكر) - معرفة / فاعل و نونه مفتوحة دائمًا
- (٣) اسم - معرف بأل - اسم فاعل (من المزيد الثلاثي) / فاعل و الجملة فعلية
- (٤) معرفة - اسم فاعل (من مصدر «بحث») / فاعل

■■ عين المناسب في الجواب عن الأسئلة التالية (٥٠ - ٤٣):

٤٣- عين الخطأ في ضبط حركات الحروف:

- (٢) التارِك للباطِل و المُتمايل إلى الدِّين الحق!
- (٤) لِزَرَافَة صوت يُحدِّزُ الحَيَوانَاتَ حَتَّى تَبْتَعَدَ عَنِ الْحَطَرِ!

١) كان الهدف من تقديم القرابين لالله كسب رضاها و تجنب شرها!

٣) قد أشَدَ شاعرانَ كَبِيرانِ قَصِيدَتَيْنِ عِنْدَ مُشَاهَدَتِهِمَا!

٤٤- عين الصحيح:

- (٢) عنصر في الطبيعة، قيمته أعلى من الفضة (الثحاس)
- (٤) ما فيه سهولة و عدم صعوبة! (اليسر)

١) ما فيه نزاع و حرب! (الصداع)

٣) القيام بالأعمال السيئة في حق الناس! (السيئات)

٤٥- «إن الله شخصاً فما له من نصيراً»؛ عين الصحيح للفراغ:

- (٤) آخرَى
- (٣) عَلَّقَ
- (٢) إِنْبَعَثَ
- (١) سَرَّ



۴۶- «البنت دروشها ف أمهما بدرجاته العالية!»: عین الصحيح للفراغين:

- (۲) عَلِمْتُ - فَرَحْتُ
- (۳) عَلِمْتُ - فَرَحْتُ

۴۷- عین الصحيح عن مصادر الأفعال:

- (۱) يُخَرِّجُهُمْ مِنَ الظِّلَامَاتِ إِلَى النُّورِ: خروج
- (۳) جَدِّي يتقاعد من عمله هذه السنة: تقاعد

۴۸- عین ما يحتاج إلى الخبر:

- (۱) التَّوَاقُصُونَ الَّذِينَ ذَهَبُوا إِلَى أَعْمَقِ الْمُحِيطِ لِيَأْكُدُوا
- (۳) سَيِّدُ الْقَوْمِ وَأَكْبَرُهُمْ خَادِمُهُمْ فِي السَّفَرِ!

۴۹- عین ما فيه «لا» من نوع واحد:

- (۱) لَا شَكَّ أَنَّكَ تَلْمِيذٌ مَثَلِي لَا الْكَسْلَانِ!
- (۳) لَا تُحْمِلُنَا مَا لَا طَاقَةَ لَنَا لِأَدَائِهِ!

۵۰- في وقوع أي عبارة يمكن أن يكون شكًا؟!

- (۱) لَيْتَكَ لَا تُشَكِّ فِي نَتْيَاجَةِ مَحَاوِلَاتِكَ!
- (۳) هَذَا التَّمَثَالُ يَنْظَرُ إِلَيْنَا عَجِيبًا، كَأَنَّهُ بَشَرًا!



دین و زندگی

۵۱- کدامیک از عبارات قرآنی، مؤکد موضوع وجود شعور و آگاهی در برزخ است؟

- (۲) «فَلَا خَوْفٌ عَلَيْهِمْ وَلَا هُمْ يَحْرَنُونَ»
- (۴) «رَبُّ اِزْجَعِنَ لَعْلَى اَعْمَلٍ صَالِحًا»

۵۲- بنابر حديث نبوی «اگر کسی سنت زشتی را در بین مردم مرسوم کند» چگونه خواهد بود و این روایت مؤید چه آثاری از اعمال انسان است؟

- (۱) تا وقتی مردمی بدان عمل کنند، گناه آن را به حساب او نیز می‌گذارند بدون این که از گناه عامل آن کم کنند - آثار ماتقدم
- (۲) تا وقتی مردمی بدان عمل کنند، گناه آن را به حساب او نیز می‌گذارند بدون این که از گناه عامل آن کم کنند - آثار ماتأخر
- (۳) تا وقتی مردمی بدان عمل کنند گناه را به حساب عامل می‌گذارند بدون این که از گناه مبدع کم کنند - آثار ماتأخر
- (۴) تا وقتی مردمی بدان عمل کنند گناه را به حساب عامل می‌گذارند بدون این که از گناه مبدع کم کنند - آثار ماتقدم

۵۳- تمنای گناهکاران برای بازگشت به دنیا در چه زمانی است و این تمنا و درخواست بر چه اساس بیان شده است؟

- (۱) آن‌گاه که مرگ یکی از آن‌ها فرا رسید - دیگر راه بازگشتی وجود ندارد.

- (۲) آن‌گاه که مرگ یکی از آن‌ها فرا رسید - تا شاید عمل صالحی انجام دهند.

- (۳) زمانی که در روز قیامت خداوند انسان‌ها را جمع می‌کند - تا شاید عمل صالحی انجام دهند.

- (۴) زمانی که در روز قیامت خداوند انسان‌ها را جمع می‌کند - دیگر راه بازگشتی وجود ندارد.

۵۴- فرمایش پیامبر اکرم (ص) در جنگ بدر که فرمود: «قسم به کسی که جانم در دست اوست، ایشان به این کلام از شما شنواترند و فقط

نمی‌توانند پاسخ دهند». کدام موضوع دریافت می‌گردد؟

- (۱) روح انسان در عالم برزخ، به حیات خویش ادامه می‌دهد.

- (۲) زندگی دنیوی همچون خوابی کوتاه و گذرا است و زندگی حقیقی در جهان دیگر معنا می‌یابد.

- (۳) تمام اعمال انسان در روز موعود حاضر می‌شود و انسان به آن آگاه می‌گردد.

- (۴) مرگ انتقال از جهانی به جهان دیگر است که با توفی آغاز می‌شود.



۵۵- اگر بخواهیم برای وقایع «یوم یُبَغْثُونَ» در عبارت قرآنی «وَ مِنْ وَرَائِهِمْ بَرَزَّ إِلَيْهِمْ يُبَغْثُونَ» مستندی قرآنی ارائه کنیم کدام آیه را مستمسک خود قرار می‌دهیم؟

- (۱) **﴿قَالَ رَبُّ اِذْجَعَوْنَ لَعَلَّی أَعْمَلْ صَالِحًا فِيمَا تَرَكْتُ كَلَّا اِنَّهَا كَلْمَةٌ هُوَ قَاتِلُهَا﴾**
- (۲) **﴿يَوْمَ تَرْجُفُ الْأَرْضُ وَ الْجِبَالُ وَ كَانَتِ الْجِبالُ كَثِيرًا مَهْيَلًا﴾**
- (۳) **﴿إِنَّ الَّذِينَ يَأْكُلُونَ أَمْوَالَ الْيَتَامَى ظُلْمًا اِنَّمَا يَأْكُلُونَ فِي بُطُونِهِمْ نَازًا﴾**
- (۴) **﴿مَنْ آمَنَ بِاللَّهِ وَ الْيَوْمِ الْآخِرِ وَ عَمِلَ صَالِحًا فَلَا خَوْفٌ عَلَيْهِمْ وَ لَا هُمْ يَحْزَنُونَ﴾**

۵۶- صورت حقیقی عمل انسان در رستاخیز کدام عکس العمل فاجران را در پی دارد و در بیان قرآن کریم چگونه فرصت انکار از آنان گرفته می‌شود؟

- (۱) ترفند سوگند دروغ - **«نَخْتَمْ عَلَى أَفْوَاهِهِمْ وَ تُكَلِّمُنَا أَيْدِيهِمْ وَ تَشَهَّدُ أَرْجُلُهُمْ»**
- (۲) ترفند سوگند دروغ - **«يُبَيِّنُوا الْإِنْسَانَ يَوْمَئِذٍ بِمَا قَدَّمَ وَ أَخْرَى»**
- (۳) انکار همه اعمال خود - **«يُبَيِّنُوا الْإِنْسَانَ يَوْمَئِذٍ بِمَا قَدَّمَ وَ أَخْرَى»**
- (۴) انکار همه اعمال خود - **«نَخْتَمْ عَلَى أَفْوَاهِهِمْ وَ تُكَلِّمُنَا أَيْدِيهِمْ وَ تَشَهَّدُ أَرْجُلُهُمْ»**

۵۷- هر کدام از مفاهیم زیر مرتبط با کدام یک از مراحل قیامت است؟

- وقایعی که انسان‌ها را آماده دریافت پاداش و کیفر می‌کند.

- بساط حیات انسان و دیگر موجودات برچیده می‌شود.

- نامه عمل انسان با نامه‌های ثبت شده در دنیا نفاوتی بنیادی دارد.

(۱) مرحله دوم قیامت - مرحله اول قیامت - برپا شدن دادگاه عدل الهی

(۲) زنده شدن همه انسان‌ها - مرگ اهل آسمان‌ها و زمین - مرحله دوم قیامت

(۳) مرحله دوم قیامت - مرحله اول قیامت - مرحله دوم قیامت

(۴) زنده شدن همه انسان‌ها - مرگ اهل آسمان‌ها و زمین - برپا شدن دادگاه عدل الهی

۵۸- با توجه به آیات سوره فرقان در عرصه قیامت افراد فاجر با مشاهده حقیقت آن جهان و سرانجام شوم خود، شروع به سرزنش خویش کرده و آرزو می‌کنند که «ای کاش همراه و هم‌مسیر با پیامبر می‌شدیم ...» این افراد پس از این آرزو چه درخواستی دارند؟

(۱) ای کاش برای این زندگی‌ام چیزی از پیش فرستاده بودم.»

(۲) «ای کاش [به دنیا] باز گردانده می‌شدیم و آیات پروردگارمان را تکذیب نمی‌کردیم.»

(۳) ای کاش فلان شخص را به عنوان دوست خود انتخاب نمی‌کردیم.»

(۴) «ای کاش خدا را فرمان می‌بردیم و درین بر ما به خاطر آن کوتاهی‌هایی که در دنیا کردیم.»

۵۹- از آیه شریفه «إِنَّ الَّذِينَ يَأْكُلُونَ أَمْوَالَ الْيَتَامَى ظُلْمًا اِنَّمَا يَأْكُلُونَ فِي بُطُونِهِمْ تَارًا وَ سَيِّصَلُونَ سَعِيرًا» کدام موضوعات مستفاد می‌گردد؟

الف) فرو بردن آتش در شکم معلول خوردن مال یتیم به ناحق است.

ب) صورت طبیعی عمل خوردن مال یتیم همان تجسس عمل به صورت خوردن آتش در شکم است.

ج) وقتی انسان وارد جهان آخرت می‌شود و پرده‌ها کنار می‌رود حقیقت عمل خوردن مال یتیم آشکار می‌گردد.

د) خوردن مال یتیم تابع صورت حقیقی عمل فرو بردن آتش در شکم و آتش فروزان است.

(۱) «الف» و «ب» (۲) «ب» و «ج» (۳) «ب» و «د» (۴) «الف» و «ج»

۶۰- فلاح عظیمی که اهل بهشت به آن شادند کدام است و حاصل آوای شهادت راستین در کلام قرآن کدام است؟

(۱) مقام رضوان - تکریم در خلد برین

(۳) مقام دارالسلام - تکریم در خلد برین

۶۱- در بیان قرآن کریم: «آنان که فرشتگان روحشان را می‌گیرند در حالی که پاک و پاکیزه‌اند» به آن‌ها چه می‌گویند و این گفته مؤید چه موضوعی است؟

(۱) سلام بر شما، وارد بهشت شوید به خاطر اعمالی که انجام دادید - صورت طبیعی اعمال

(۲) سلام بر شما، وارد بهشت شوید به خاطر اعمالی که انجام دادید - صورت حقیقی اعمال

(۳) خوش آمدید، وارد بهشت شوید و برای همیشه در آن زندگی کنید - صورت حقیقی اعمال

(۴) خوش آمدید، وارد بهشت شوید و برای همیشه در آن زندگی کنید - صورت طبیعی اعمال



۶۲- در بیان قرآن کریم نیکوکاران وقتی مرتکب عمل زشتی می‌شوند، یا به خود ستم می‌کنند، چه چیزی را پیشنه خود می‌سازند و کسانی که کارهای زشت انجام می‌دهند، هنگامی که موگ یکی از آن‌ها فرا رسید چه می‌گویند و دارای چه عاقبتی هستند؟

۱) توبه پیشه می‌کنند و می‌گویند باید همراه و هم‌مسیر پیامبر باشیم - ای کاش خدا را فرمان می‌بردیم ولی در جایگاه تنگ افکنده می‌شوند.

۲) به یاد خدا می‌افتدند و برای گناهان خود طلب آمرزش می‌کنند - ای کاش خدا را فرمان می‌بردیم ولی در جایگاه تنگ افکنده می‌شوند.

۳) به یاد خدا می‌افتدند و برای گناهان خود طلب آمرزش می‌کنند - الان توبه کردم، و این‌ها کسانی‌اند که عذاب دردناکی برایشان است.

۴) توبه پیشه می‌کنند و می‌گویند باید همراه و هم‌مسیر پیامبر باشیم - الان توبه کردم، و این‌ها کسانی‌اند که عذاب دردناکی برایشان است.

۶۳- بیت «ما که باشیم ای تو ما را جان جان / تا که ما باشیم با تو در میان» یادآور کدام آیه شریفه است؟

(۱) ﴿اللَّهُ نُورُ السَّمَاوَاتِ وَ الْأَرْضِ ...﴾

(۲) ﴿يَا أَيُّهَا النَّاسُ أَنْتُمُ الْفُقَرَاءُ إِلَى اللَّهِ ...﴾

(۳) ﴿اللَّهُ الصَّمَدُ، لَمْ يَلِدْ وَ لَمْ يُوْلَدْ ...﴾

۶۴- پاسخ هر یک از پرسش‌های زیر به ترتیب در کدام عبارت قرآنی مذکور است؟

- کدام تعبیر درباره رابطه مخلوقات با خداوند از جهت پیدایی بیان شده است؟

- علت این‌که خداوند متعال پیوسته دست‌اندرکار امری است، کدام است؟

- علت این‌که خداوند هر لحظه با اراده‌اش موجودات را نایبود کند، چیست؟

(۱) ﴿اللَّهُ نُورُ السَّمَاوَاتِ وَ الْأَرْضِ﴾ - «بِسْمِ اللَّهِ وَمَنْ فِي السَّمَاوَاتِ وَ الْأَرْضِ» - «يَا أَيُّهَا النَّاسُ أَنْتُمُ الْفُقَرَاءُ إِلَى اللَّهِ»

(۲) ﴿اللَّهُ نُورُ السَّمَاوَاتِ وَ الْأَرْضِ﴾ - «كُلَّ يَوْمٍ هُوَ فِي شَاءٍ» - «يَا أَيُّهَا النَّاسُ أَنْتُمُ الْفُقَرَاءُ إِلَى اللَّهِ»

(۳) ﴿يَا أَيُّهَا النَّاسُ أَنْتُمُ الْفُقَرَاءُ إِلَى اللَّهِ﴾ - «كُلَّ يَوْمٍ هُوَ فِي شَاءٍ» - «كُلَّ يَوْمٍ هُوَ فِي شَاءٍ»

(۴) ﴿يَا أَيُّهَا النَّاسُ أَنْتُمُ الْفُقَرَاءُ إِلَى اللَّهِ﴾ - «بِسْمِ اللَّهِ وَمَنْ فِي السَّمَاوَاتِ وَ الْأَرْضِ» - «كُلَّ يَوْمٍ هُوَ فِي شَاءٍ»

۶۵- اگر بخواهیم رابطه میان ساعت و سازنده آن و جهان و خداوند متعال را مقایسه کنیم، چه موضوعی را از این مقایسه در می‌یابیم؟

۱) هر دو نیازمند خالق هستند و این نیاز در هستی بخشی و بقاست، یعنی دارای یک نیاز دائمی هستند.

۲) دوام و بقای ساعت وابسته به ساعت‌ساز نمی‌باشد، ولی بقای جهان وابسته به خالق آن است.

۳) هر دو پدیده‌اند و ساعت‌ساز هستی بخش ساعت و خداوند خالق و هستی بخش جهان است.

۴) هر دو مرکب از اجزا هستند و نظم و پیچیدگی جهان فراتر است و ساعت‌ساز نظم‌دهنده و هستی بخش آن است.

۶۶- به ترتیب در کدام آیات مفاهیم «این‌که کسی در فرمانروایی خداوند شریک نیست» و «این‌که موجودات به وجود خداوند وابسته هستند» تجلی دارد؟

(۱) ﴿مَا لَهُمْ مِنْ دُونِهِ مِنْ وَلِيٌّ﴾ - «خَلَقُوا كَحْلَقَهُ فَتَشَابَهَ الْخَلْقُ عَلَيْهِمْ»

(۲) ﴿وَ لِلَّهِ مَا فِي السَّمَاوَاتِ وَ مَا فِي الْأَرْضِ﴾ - «خَلَقُوا كَحْلَقَهُ فَتَشَابَهَ الْخَلْقُ عَلَيْهِمْ»

(۳) ﴿وَ لِلَّهِ مَا فِي السَّمَاوَاتِ وَ مَا فِي الْأَرْضِ﴾ - «اللَّهُ نُورُ السَّمَاوَاتِ وَ الْأَرْضِ»

(۴) ﴿مَا لَهُمْ مِنْ دُونِهِ مِنْ وَلِيٌّ﴾ - «اللَّهُ نُورُ السَّمَاوَاتِ وَ الْأَرْضِ»

۶۷- علیت هر کدام از عبارات قرآنی زیر به ترتیب کدام است؟

- «قُلِ اللَّهُ خالِقُ كُلِّ شَيْءٍ»

- «وَ لَا يَشْرُكُ فِي حُكْمِهِ أَحَدًا»

(۱) ﴿وَ هُوَ الْوَاحِدُ الْقَهَّارُ﴾ - «مَا لَهُمْ مِنْ دُونِهِ مِنْ وَلِيٌّ»

(۲) ﴿وَ هُوَ رَبُّ كُلِّ شَيْءٍ﴾ - «وَ لِلَّهِ مَا فِي السَّمَاوَاتِ وَ مَا فِي الْأَرْضِ»

(۳) ﴿وَ مَا لَهُمْ مِنْ دُونِهِ مِنْ وَلِيٌّ﴾

۶۸- به ترتیب شرک مورد ابتلا مشرکان در عبارت قرآنی «فَتَشَابَهَ الْخَلْقُ عَلَيْهِمْ» و عبارت منعکس‌کننده پاسخ خداوند به مشرکان در کدام گزینه، به منصه ظهور گذاشته شده است؟

(۱) شرک در خالقیت - «قُلِ اللَّهُ خالِقُ كُلِّ شَيْءٍ وَ هُوَ الْوَاحِدُ الْقَهَّارُ»

(۲) شرک در ربویت - «قُلِ اللَّهُ خالِقُ كُلِّ شَيْءٍ وَ هُوَ الْوَاحِدُ الْقَهَّارُ»

(۳) شرک در خالقیت - «قُلْ مَنْ زَبَّ السَّمَاوَاتِ وَ الْأَرْضِ قُلِ اللَّهُ»

(۳) شرک در ربویت - «قُلْ مَنْ زَبَّ السَّمَاوَاتِ وَ الْأَرْضِ قُلِ اللَّهُ»

۶۹- در باب مشخص کردن اهداف و رفتارهای انسان مهم‌ترین عامل چه چیزی است و این موضوع چه معنایی را بیان می‌کند؟

(۱) افکار و اعتقادات - خداوند را مالک و ولی و پرورش‌دهنده (رب) جهان می‌داند.

(۲) سبک زندگی - خداوند را مالک و ولی و پرورش‌دهنده (رب) جهان می‌داند.

(۳) افکار و اعتقادات - مسیر زندگی خود را انتخاب و بر همان اساس رفتار خواهد کرد.

(۴) سبک زندگی - مسیر زندگی خود را انتخاب و بر همان اساس رفتار خواهد کرد.

۷۰- در کدام گزینه همندایی کلام قرآنی با هر کدام از عبارت‌های زیر مشهود است؟

- پیامد رویگردانی از خدا - خاستگاه عبودیت الهی - متبع دوستی نگرفتن دشمنان خدا

(۱) «ذلِك هُوَ الْحُسْرَانُ الْمُبَيْنُ» - «هَذَا صِرَاطٌ مُسْتَقِيمٌ» - «تُلْقَوْنَ إِلَيْهِم بِالْمَوْدَةِ»

(۲) «ذلِك هُوَ الْحُسْرَانُ الْمُبَيْنُ» - «هَذَا صِرَاطٌ مُسْتَقِيمٌ» - «وَقَدْ كَفَرُوا بِمَا جَاءُوكُمْ مِنَ الْحَقِّ»

(۳) «خَسِرَ الدُّنْيَا وَ الْأُخْرَةَ» - «إِنَّ اللَّهَ رَبِّي وَ رَبُّكُمْ» - «وَقَدْ كَفَرُوا بِمَا جَاءُوكُمْ مِنَ الْحَقِّ»

(۴) «خَسِرَ الدُّنْيَا وَ الْأُخْرَةَ» - «إِنَّ اللَّهَ رَبِّي وَ رَبُّكُمْ» - «تُلْقَوْنَ إِلَيْهِم بِالْمَوْدَةِ»

۷۱- تعبیر قرآنی درباره عبادت‌کنندگان از روی تردید چیست و عبارت قرآنی «وَ إِنْ أَصَابَتْهُ فِتْنَةٌ فَنَلَّبَ عَلَىٰ وَجْهِهِ» مربوط به کدام موضوع است؟

(۱) «خَسِرَ الدُّنْيَا وَ الْأُخْرَةَ» - شرک عملی در بعد فردی

(۲) «قَدْ كَفَرُوا بِمَا جَاءُوكُمْ مِنَ الْحَقِّ» - شرک عملی در بعد اجتماعی

(۳) «قَدْ كَفَرُوا بِمَا جَاءُوكُمْ مِنَ الْحَقِّ» - شرک عملی در بعد فردی

(۴) «خَسِرَ الدُّنْيَا وَ الْأُخْرَةَ» - شرک عملی در بعد اجتماعی

۷۲- عبارت قرآنی «أَفَأَنْتَ تَكُونُ عَلَيْهِ وَكِيلًا» درباره چه کسانی است؟

(۱) «فَإِنْ أَصَابَهُ وَخَيْرٌ أَطْمَانٌ بِهِ»

(۲) «وَقَدْ كَفَرُوا بِمَا جَاءُوكُمْ مِنَ الْحَقِّ»

(۳) «مَنِ اتَّحَدَ إِلَهُهُ وَهَوَاهُ»

۷۳- اثرات نامیمون آلوگی و تخریب محیط زیست و به وجود آمدن جوامع بسیار ثروتمند چیست و کدام آیه قرآنی مهر تأییدی بر آن است؟

(۱) فراموشی خداوند و حضور نداشتن او در قلب آدمی و نبود خلوت با خدا - «مَنِ اتَّحَدَ إِلَهُهُ وَهَوَاهُ»

(۲) فراموشی خداوند و حضور نداشتن او در قلب آدمی و نبود خلوت با خدا - «أَنَا رَبُّكُمُ الْأَعْلَى»

(۳) وجود مراتبی از شرک روبیت و مالکیت - «أَنَا رَبُّكُمُ الْأَعْلَى»

(۴) وجود مراتبی از شرک روبیت و مالکیت - «مَنِ اتَّحَدَ إِلَهُهُ وَهَوَاهُ»

۷۴- در باب توحید و سبک زندگی ما چه مفهومی از بیت «بِرَآسَنَ جَانَانَ گَرْ سَرْ تَوَانَ نَهَادَنَ / گَلْبَانَگَ سَرْبَلَنْدَیَ بَرَ آسَمَانَ تَوَانَ زَدَ» مستفاد می‌گردد؟

(۱) انسان مؤمن و موحد موجودات را مخلوق خالق می‌داند و آگاهی دارند که خداوند او را مسئول حفظ و آبادانی زمین کرده است.

(۲) موحدی که دل به خدا سپرده و زندگی خود را بر اساس رضایت او تنظیم کرده است، برخوردار از آرامش روحی و برتر از ملائک می‌گردد.

(۳) در نگاه یک انسان موحد، جهان معنایی خاص دارد، از نظر او هیچ حادثه‌ای در عالم بی‌حکمت نیست.

(۴) موحد حقیقی، یک انسان امیدوار است و در مقابل سختی‌ها و مشکلات صبور و استوار است و آن را زمینه شکوفایی و رشد خویش قرار می‌دهد.

۷۵- از عبارت قرآنی «كُلَّ يَوْمٍ هُوَ فِي شَأنٍ» کدام موضوع مستفاد می‌گردد؟

(۱) عالم امکان، تجلی بخش وجود خداوند است که در هر لحظه نشان‌دهنده آفریننده خویش است.

(۲) خداوند دائمًا در حال اجابت خواسته‌های انسان‌ها در امور مختلف است.

(۳) هر مخلوقی هر روز دارای درجه‌ای از تمایلات الهی است که خداوند به او بخشیده است.

(۴) فعال مایشه بودن خداوند یعنی دائمًا امور عالم را تدبیر می‌کند و لطف و بخشش دائمی است.

**PART A: Grammar and Vocabulary**

Directions: Questions 76-87 are incomplete sentences. Beneath each sentence you will see four words or phrases, marked (1), (2), (3), and (4). Choose the one word or phrase that best completes the sentence. Then mark your answer sheet.

- 76- The element plutonium by Nobel prize winner Glenn T. Seaborg and his colleagues in February 1941.
 1) discovered 2) has been discovered 3) is discovered 4) was discovered
- 77- In 1911, the Mona Lisa, by Leonardo da Vinci by a museum employee, but two years later when the thief tried to sell the masterpiece to a collector.
 1) was stolen / was found 2) stole / found
 3) was stolen / found 4) stole / was found
- 78- Driving carefully is one of you can do to protect yourself and your family from accidents and injuries.
 1) more important than things 2) the most important things
 3) as important as a thing 4) most important thing
- 79- Italy has been
 1) one of the world's best known destinations tourist
 2) one of the world's as better known tourist destinations
 3) one of the world's best known tourist destinations
 4) more of the world's best known tourist destinations
- 80- It was in this way that she learned to use words, sound and vision correctly, which ideas outside of her experience.
 1) express 2) appreciate 3) donate 4) exercise
- 81- If you are working with an older child, consider telling jokes or using funny props to a natural smile.
 1) boost 2) elicit 3) carry 4) follow
- 82- Although laboratory studies are seldom performed, the physician may order further blood tests or cultures of the lesions in order to the diagnosis and rule out other causes.
 1) defend 2) found 3) confirm 4) comprehend
- 83- The lakes of Argentina are exceptionally numerous, although comparatively few are large enough to merit a name on the general map.
 1) temperature 2) ordinary 3) appropriate 4) inspiration
- 84- She is not so much a woman as woman in the abstract; and perhaps on this very account the poems written by her have been taken to the heart by people.
 1) quality 2) experiment 3) religion 4) countless
- 85- Avicenna, however, remained hidden for forty days in a sheik's house, till a fresh of illness induced the Amir to restore him to his post.
 1) protection 2) orbit 3) creation 4) attack
- 86- When I considered it might not be Byrne who rented that apartment in Scranton, I began to how come you identified him from his picture.
 1) wonder 2) request 3) experience 4) inspire
- 87- Each step after that is numbered, usually with a/an pointing in the direction that the foot is supposed to move.
 1) pigeon 2) lap 3) arrow 4) development

**PART B: Cloze Test**

Directions: Questions 88-92 are related to the following passage. Read the passage and decide which choice, (1), (2), (3), or (4), best fits each space. Then mark your answer sheet.

From Brazil to Indonesia to Ghana, you can find a very special tree- the cacao tree. Inside each fruit of this tree are 20 to 40 cacao beans. These beans give chocolate its special taste. First the beans ...88... from the fruit. After that, some people dry them. During this time, the familiar cocoa flavor develops. Then they send them to the factory. At the factory, the beans are roasted. The insides of the beans are then ready for a process that makes them liquid. ...89... the beans become liquid, they are ready for the rest of the ingredients. Then milk ...90... with sugar. Once the new mixture has dried, cocoa butter is added. At this phase, the workers must be very careful, because they may ...91... at this part. This gives chocolate its special taste and creamy texture. A paste is created and poured into huge containers until it is cooled. Chocolate bars are made by pouring the paste into molds. Finally, the paste is cooled until it becomes a candy bar. Now, it's ready to wrap. And then to unwrap and eat! At the end there will be a/an ...92... to be sold to people.

- | | | | |
|------------------------|--------------------|--------------------------|----------------------|
| 88- 1) have removed | 2) is removed | 3) are removed | 4) will be removed |
| 89- 1) As soon as | 2) Sooner than | 3) Soon as | 4) As soon |
| 90- 1) are mixed | 2) are being mixed | 3) has mixed | 4) is mixed |
| 91- 1) make a mistake | 2) do a mistake | 3) burst into tears | 4) make drops |
| 92- 1) chocolate tasty | 2) tasty chocolate | 3) as tasty as chocolate | 4) tastier chocolate |

PART C: Reading Comprehension

Directions: In this part of the test, you will read two passages. Each passage is followed by four questions. Answer the questions by choosing the best choice, (1), (2), (3), or (4). Then mark your answer sheet.

Passage 1:

The long-awaited day had finally arrived. I had an interview for the job I have wanted for years. I made sure I went to bed early so that I would be up bright and early. I woke up, had a shower and enjoyed an unhurried, quiet breakfast on the balcony of my apartment. I then got dressed and wore a suit that my dedicated friend had bought me. I did my hair and put on some make up. I was feeling confident, strangely I was looking forward to the interview. I had a lot of experience and I was proud of my CV. Once I checked that I had everything I needed, I took a deep breath and walked towards my car. It was a twenty-minute drive to my interview. The traffic was flowing and when I arrived at the car park, it was easy to find a space. I parked my car and walked casually towards the main entrance of the building. Near the elevators, I saw a well-dressed woman who stood in front of me carrying a lot of files and her mobile was ringing. She answered the phone with kindness. As she answered the phone, she dropped all her files and her papers were scattered everywhere. She looked at me and said: "excuse me, can you help me pick up these important papers?" I pretended not to have heard her and completely ignored her request. "Bella, this isn't a time to be polite", I said to myself, "I don't want to be late and I have to ace this interview". After waiting fifteen minutes in the waiting room, I walked into the interview room and to my horror, my interviewer was the same woman I hadn't helped in the reception.

93- With what topic is the passage mainly concerned?

- 1) Pay attention to names and behaviors of people you see in a company in which you have an interview.
- 2) Enjoy your food and care about your sleep the day before you have an interview.
- 3) Care about people and show them acts of kindness in all situations.
- 4) The clothes you wear are very important and people judge you by those clothes.

**94- Why did Bella regret not having helped the strange woman?**

- 1) Because she understood how awesome the act of kindness is.
- 2) Because she found out about the fact that the interviewer and the lady near the elevator were the same person.
- 3) Because she failed to get the job she loved for years.
- 4) Because she had waited for a long time and had thought about the event a lot.

95- According to the passage what does the phrase “pretended not to have heard her” in line 12 mean?

- 1) To behave as if she hadn't heard her
- 2) To pretend to be deaf
- 3) To make her think she can neither hear her nor see her
- 4) To pretend she does not desire to talk to her

96- According to the passage, all of the following are FALSE about the article, EXCEPT

- 1) she went to bed early the night before the interview
- 2) she hurried to eat the breakfast on the balcony of her apartment
- 3) she wore a suit that her dedicated sister had bought her
- 4) she was worried about her CV

Passage 2:

Many people are saying that Pluto is no longer a planet. Are they right? Is Pluto no longer a planet? There's debate in scientific world about this issue. National Geographic News says that, according to the International Astronomical Union, a full-fledged planet is an object that orbits the sun and is large enough to have become round due to the force of its own gravity. Because Pluto doesn't meet these standards, the IAU classifies Pluto as a dwarf planet.

Not everyone agrees that this is a good way to decide, though. Andy Cheng, a planetary scientist at John Hopkins University, says that the new rules aren't clear enough and asks the question "how round is round?" "I'll still continue to maintain that Pluto is a planet," he said.

Owen Gingerich is an astronomer and historian at Harvard University in Cambridge, Massachusetts, and head of the IAU committee proposing the definition. He favored a special distinction for Pluto. Gingerich suggested to call the big eight planets classical planets - as opposed to just plain "planets"- and Pluto and the other dwarf planets, so there would be two classes of planets. He believes that reclassifying Pluto as a dwarf planet is not "sensitive to the historical and cultural role that Pluto has played."

The argument continues. In the meantime, however, many people are correct - new textbooks will list Pluto as being a dwarf planet. What do you think it is?

97- According to the passage, all of the following are TRUE about the article, EXCEPT

- 1) there's an ever-going discussion whether Pluto is a standard planet or not, but it is officially known as a dwarf planet
- 2) Andy Cheng believes that it is not possible to consider Pluto as a standard planet since it is not round enough
- 3) Owen Gingerich's classification of classical planets does not include pluto
- 4) IAU believes planets must be able to turn around the sun again and again and they must be large enough to have become round because of their own gravity

98- What does the word "this" in line 6 refer to?

- 1) The common saying about Pluto not being a standard planet
- 2) The fact that the size and roundness of planets must be the factor to decide which one is a standard planet
- 3) The idea of Andy Cheng who is a planetary scientist and has information about planets
- 4) The Standards of IAU about the factors of dwarf planets



99- What's the main idea expressed in the passage?

- 1) The validity of great scientists' words about the solar system
- 2) How a planet is considered as a standard planet
- 3) The disagreement and different opinions about the fact that Pluto is a planet or not
- 4) The importance of IAU opinion about all planets in the solar system and the fact that no one can consider Pluto as a planet if they don't

100- why does the IAU classify Pluto as a dwarf planet?

- 1) Because Pluto doesn't meet International Astronomical Union's standards.
- 2) Because Pluto isn't a full-fledged planet.
- 3) Because Pluto doesn't orbit the sun.
- 4) Because Pluto is large enough to have become round due to the force of its own gravity.



سایت کنکور

Konkur.in

دفترچه شماره ۲

آزمون شماره ۱۰

جمعه ۱۴۰۰/۰۸/۲۱



آزمون‌های سراسری گاج

گپنده درست را انتخاب کنید.

سال تحصیلی ۱۴۰۰-۱۴۰۱

آزمون اختصاصی

پایه دوازدهم ریاضی

دوره دوم متوسطه

شماره داوطلبی:	نام و نام خانوادگی:
۱۵۵	۱۱۵ دقیقه
مدت پاسخگویی:	تعداد سوالاتی که باید پاسخ دهید:

عنوانین مواد امتحانی آزمون اختصاصی گروه آزمایشی علوم ریاضی، تعداد سوالات و مدت پاسخگویی

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سوال	وضعیت پاسخگویی	شماره سوال		مدت پاسخگویی
				از	تا	
۱	حسابان ۲	۱۰	اجباری	۱۱۰	۱۰۱	۸۵ دقیقه
	ریاضیات گسسته	۱۰		۱۲۰	۱۱۱	
	هندسه ۳	۱۰		۱۳۰	۱۲۱	
	ریاضی ۱	۵		۱۳۵	۱۳۱	
	حسابان ۱	۵		۱۴۰	۱۳۶	
	هندسه ۱	۵		۱۴۵	۱۴۱	
	آمار و احتمال	۱۰		۱۵۵	۱۴۶	
۲	فیزیک ۳	۲۵	اجباری	۱۸۰	۱۵۶	۴۵ دقیقه
	فیزیک ۱	۱۰		۱۹۰	۱۸۱	
	فیزیک ۲	۱۰		۲۰۰	۱۹۱	
۳	شیمی ۳	۱۵	اجباری	۲۱۵	۲۰۱	۲۵ دقیقه
	شیمی ۱	۱۰		۲۲۵	۲۱۶	
	شیمی ۲	۱۰		۲۳۵	۲۲۶	



ریاضیات



حسابان (۲)

۱۰۱- معادله $(x-1)^3 - 3x^3 + 3x^2 - x = 1$ با شرط $x > 0$ چند ریشه حقیقی دارد؟

۴) سه

۳) دو

۲) یک

۱) صفر

۱۰۲- اگر در تابع $y = f(x)$ با افزایش x ، مقادیر $f(x)$ افزایش یابد، در این صورت جواب نامعادله $f(\frac{2}{|x|}) > f(3-|x|)$ کدام است؟۰) $|x| < 1$ ۳) $|x| < 4$ ۱) $|x| < 2$ ۲) $|x| < 3$ ۱۰۳- تابع $f(x) = |x| + |x-1| - 2x$ در بازه $[a, +\infty)$ هم صعودی و هم نزولی است، حداقل مقدار a چقدر است؟

۴) ۲

۳) ۱

۲) صفر

۱) -۱

۱۰۴- اگر تابع $f(x) = (2x^3 - 1)^3 + mx^3(x^2 + 1)^n$ باشد، آن‌گاه مقدار تابع به ازای $x=1$ چقدر است؟

۴) -۸۷

۳) -۷۸

۲) ۷۸

۱) ۸۷

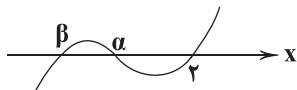
۱۰۵- تابع $f(x) = -2x + \frac{4x-1}{a}$ اکیداً نزولی است، حدود a کدام است؟۴) $|a| < 2$ ۳) $|a| < 1$ ۲) $|a| > 1$ ۱) $|a| > 2$ ۱۰۶- تابع $f(x) = x^3 + x^2 + kx^4$ بر $x+2$ بخش پذیر است، باقی‌مانده تقسیم $f(x)$ بر $-2x^3$ کدام است؟۴) $2x+1$ ۳) $2x+3$ ۲) $3x+2$ ۱) $3x+1$ ۱۰۷- اگر باقی‌مانده تقسیم $f(x)$ بر $-x-1$ برابر x^2+x+1 باشد، باقی‌مانده تقسیم $(x+1)f(x)$ بر $x-1$ چقدر است؟۴) x ۳) $x+2$ ۲) $x-1$ ۱) $x+1$ ۱۰۸- اگر نمودار تابع چندجمله‌ای $f(x) = x^3 + x^2 - 4x + a$ به صورت شکل زیر باشد، باقی‌مانده $f(x)$ بر $x+\alpha^3 + \beta$ چقدر است؟

۱) -۵

۲) ۵

۳) ۶

۴) -۶

۱۰۹- تابع $f(x) = |8x^3 + 12x^2 + 6x - 1|$ در بازه $[a, +\infty)$ صعودی اکید است، حداقل مقدار a کدام است؟۴) $\frac{\sqrt[3]{2}+1}{2}$ ۳) $\frac{\sqrt[3]{2}-1}{2}$ ۲) $\frac{\sqrt[3]{2}+2}{2}$ ۱) $\frac{\sqrt[3]{2}-2}{2}$

۱۱۰- کدام تابع زیر غیر یکنواست؟

$$g(x) = 1 - \log(1-x)$$

$$f(x) = 2x + |x|$$

$$m(x) = \sqrt[3]{x-1} + x$$

$$h(x) = x|x-1|$$

گستته

۱۱۱- بزرگ‌ترین مقسوم‌علیه مشترک دو عدد $18a+3$ ، $18a+12$ کدام عدد است؟

۴) ۱

۳) ۳

۲) ۶

۱) ۹

۱۱۲- به ازای چند عدد طبیعی کمتر از 70 اعداد $2n+3$ ، $n+7$ نسبت به هم اول نیستند؟

۴) ۷۰

۳) ۶۹

۲) ۶

۱) ۷

۱۱۳- اگر $[a, 36] = 1800$ باشد، برای عدد a چند مقدار طبیعی وجود دارد؟

۴) ۴

۳) ۳

۲) ۲

۱) ۱

۱۱۴- اگر $3|2a+3$ و $5|2a+43$ ، k کدام عدد می‌تواند باشد؟

۴) ۲

۳) -۱۳

۲) -۲۲

۱) ۱

۱۱۵- چند عدد پنج رقمی به صورت $\overline{a22b6}$ بر عدد 36 بخش پذیر است؟

۴) ۲

۳) ۳

۲) ۴

۱) ۵



۱۱۶- اگر دهم شهریور ماه سال ۱۳۶۲ روز چهارشنبه باشد، ۲۹ اسفند همان سال چند شنبه است؟

۴) سه شنبه

۳) دوشنبه

۲) یکشنبه

۱) شنبه

۱۱۷- اگر $a \equiv 36^{425} + a \equiv 17$ ، مجموع ارقام کوچکترین عدد دو رقمی a کدام است؟

۴) ۱۲

۳) ۶

۵) ۵

۱) ۴

۱۱۸- اگر باقیمانده تقسیم عدد a بر ۱۲ و ۱۶ به ترتیب ۸ و ۱۲ باشد، باقیمانده تقسیم a بر ۲۴ کدام است؟

۴) ۲۰

۳) ۴۴

۲) ۱۲

۱) ۸

۱۱۹- در تقسیم عدد طبیعی a بر ۱۷۱ باقیمانده از ۲ برابر مکعب خارج قسمت ۳ واحد کمتر است. چند عدد طبیعی برای a وجود دارد؟

۴) ۲

۳) ۳

۵) ۴

۱) ۵

۱۲۰- اگر $24a \equiv 15b$ کدام گزینه حاصل نمی‌شود؟

 $\lambda a \equiv 7b$ (۴) $b \equiv 0$ (۳) $\lambda a \equiv 5b$ (۲) $2a \equiv 5b$ (۱)

هندسه (۳)

۱۲۱- اگر $A = \begin{bmatrix} 2 & -1 \\ 3 & -1 \end{bmatrix}$ ، آنگاه وارون ماتریس $A^2 - A$ کدام است؟

 $\begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}$ (۴) $\begin{bmatrix} 0 & -1 \\ -1 & 0 \end{bmatrix}$ (۳) $\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$ (۲) $\begin{bmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{bmatrix}$ (۱)

۱۲۲- اگر $A^{-1}B = \frac{1}{3} \begin{bmatrix} 6 & 3 \\ 2 & 3 \end{bmatrix}$ و $B = \begin{bmatrix} a & 1 \\ 0 & 2 \end{bmatrix}$ ، $A = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ -1 & 3 \end{bmatrix}$ باشد، a کدام است؟

۴) -۲

۳) -۱

۲) ۱

۱) ۲

۱۲۳- اگر $A^3 + A^2 + A + I = O$ باشد، آنگاه وارون ماتریس A کدام است؟

 $A^3 - I$ (۴) $A^3 + I$ (۳) $-A^3$ (۲) A^3 (۱)

۱۲۴- اگر $B = \begin{bmatrix} -1 & 3 \\ 2 & 1 \end{bmatrix}$ باشند، به ازای کدام مقدار a ماتریس $A + 2B$ ، وارون پذیر نیست؟

۴) -۳, ۵

۳) -۷, ۴

۲) -۵, ۷

۱) -۷, ۵

۱۲۵- در رابطه ماتریسی $\begin{bmatrix} 4 & 3 \\ 2 & 1 \end{bmatrix} A \begin{bmatrix} 5 & 2 \\ 3 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 & 0 \\ -1 & 2 \end{bmatrix}$ سطر اول ماتریس A کدام است؟

 $[12 \quad -21]$ (۴) $[-17 \quad 30]$ (۳) $[-21 \quad 30]$ (۲) $[12 \quad -17]$ (۱)

۱۲۶- به ازای چند مقدار m ، دستگاه معادلات $\begin{cases} (2m+1)x-my=1 \\ -7mx+(m+6)y=-m \end{cases}$ بی شمار جواب دارد؟

۴) بی شمار

۳) ۲

۲) ۱

۱) صفر

۱۲۷- به ازای کدام مقدار m ، دستگاه معادلات $\begin{cases} (m-1)x+4y=6 \\ 3x+(m+3)y=9 \end{cases}$ فاقد جواب است؟

۴) -۵

۳) ۵

۲) -۳

۱) ۳

۱۲۸- اگر $A = \begin{bmatrix} k & 1 \\ 1 & -k+2 \end{bmatrix}$ ماتریس وارون پذیر باشد، آنگاه مجموع درایه‌های ماتریس A^{-1} کدام است؟

۴) بستگی به مقدار k دارد.

۳) -۱

۲) ۱

۱) صفر

۱۲۹- اگر دو ماتریس A و $(I-A)$ وارون هم باشند، ماتریس A^4 همواره برابر با کدام است؟

۴) $-I$ ۳) I ۲) $-A$ ۱) A

۱۳۰- اگر $X + \begin{bmatrix} 3 & 4 \\ 5 & -1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 5 & 3 \\ 2 & 1 \end{bmatrix}$ باشد، وارون ماتریس X کدام است؟

 $\begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 2 & -3 \end{bmatrix}$ (۴) $\begin{bmatrix} 2 & -1 \\ 2 & -3 \end{bmatrix}$ (۳) $\begin{bmatrix} 3 & 2 \\ 2 & 1 \end{bmatrix}$ (۲) $\begin{bmatrix} 2 & 1 \\ 3 & 2 \end{bmatrix}$ (۱)



ریاضی (۱)

۱۳۱ - اگر جدول تعیین علامت $P = (a+2)x+a-2$ به صورت زیر باشد، a کدام است؟

x	-∞	a+1	+∞
P	+	◦	-

۱) -۴

۲) فقط صفر

۳) -۴

۴) -۶, -۴

۱۳۲ - اگر جدول تعیین علامت $P = x^3 - 11x + b$ به صورت زیر باشد، a+b کدام است؟

x	-∞	۳	a	+∞
P	+	◦	-	◦

۱) ۱

۲) ۲

۳) -۱۱

۴) ۳۲

۱۳۳ - اگر جدول تعیین علامت $P = \frac{(2x-4)^2(ax^2+bx-12)}{2x+c}$ به صورت زیر باشد، a+b+c کدام است؟

x	-∞	-۵	۲	۶	+∞
P	-	ت	+	◦	+

۱) ۱۲

۲) -۱۲

۳) ۶

۴) جواب ندارد.

۱۳۴ - فرض کنید مجموعه جواب نامعادله $\frac{((m^2-6)x^2+2mx-45)(x-6\sqrt{x}+5)}{(2x-5)(|x|-1)}$ به ازای $x > \frac{5}{2}$ ، بازه (۳، ۲۵) باشد، مقدار m کدام

می‌تواند باشد؟

۱) -۲

۲) ۳

۳) ۱

۴) ۲

۱۳۵ - در عبارت $|11-5-2x|+|3y+1|$ حدود x کدام است؟۱) $[-\frac{3}{5}, -\frac{8}{5}]$ ۲) $[-3, 9]$ ۳) $[-3, 8]$ ۴) $[-4, 8]$

حسابان (۱)

۱۳۶ - اگر داشته باشیم $\{f+g\} = \{(1, -3), (0, 5), (4, 3)\}$ کدام است؟

۱) ۱/۵

۲) -۱/۵

۳) ۰/۵

۴) -۰/۵

۱۳۷ - اگر $f(x) = \sqrt{2x-3a} + k+1$ و $g(x) = \sqrt{b-3x} - 2k$ و داشته باشیم $\{f+g\} = \{(2, \frac{k}{2})\}$ ، مقدار $3a+b-7k$ چقدر است؟

۱) ۱۶

۲) ۱۴

۳) ۱۲

۴) ۱۰

۱۳۸ - اگر $f(g(x)) = (fog)+(gof)$ کدام است؟

۱) ۳

۲) ۴

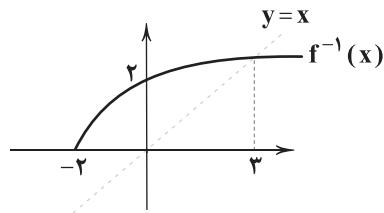
۳) ۵

۴) ۶

۱۳۹ - تابع وارون $f(x) = -x^2 + 4x + 1$ و $x \leq 2$ نمودار تابع $g(x) = \frac{\Delta x + 5}{3}$ را با طول α قطع می‌کند. $g(\frac{\Delta x}{3})$ کدام است؟۱) $-\frac{13}{3}$ ۲) $\frac{13}{3}$

۳) -۵

۴) ۵

۱۴۰ - اگر نمودار تابع وارون $f(x)$ به شکل زیر باشد، دامنه تابع $g(x) = \sqrt{\frac{x^2-3x+2}{f(x)}}$ کدام است؟۱) $[2, +\infty)$ ۲) $[3, +\infty)$ ۳) $[0, +\infty) - \{2\}$ ۴) $[1, +\infty) - \{2\}$



هندسه (۱)

۱۴۱- در مثلث ABC ، نسبت مساحت مثلثی که یک رأس آن مرکز ثقل و دو رأس دیگر شو وسط اضلاع AB و AC باشند به مساحت مثلث ABC کدام است؟

$\frac{1}{12}$

$\frac{1}{9}$

$\frac{1}{8}$

$\frac{1}{6}$

۱۴۲- در مثلث قائم الزاویه $(\hat{A} = 90^\circ)$ و ارتفاع AH رسم شده است. مساحت مثلث ABC چند برابر مساحت مثلث ABH است؟

$\frac{4}{9}$

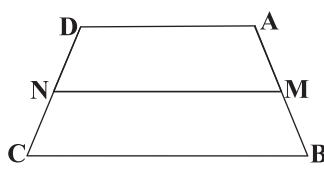
$\frac{9}{4}$

$\frac{13}{9}$

$\frac{13}{4}$

۱۴۳- در ذوزنقه $ABCD$ اوساط اضلاع AB و CD را به هم وصل کرده‌ایم. اگر مساحت چهارضلعی $MBCN$ $\frac{3}{7}$ برابر مساحت چهارضلعی

$\frac{BC}{AD}$ باشد، نسبت $\frac{BC}{AD}$ کدام است؟



$\frac{4}{5}$

$\frac{7}{3}$

$\frac{5}{3}$

$\frac{5}{4}$

۱۴۴- از برخورد نیمسازهای زوایای داخلی یک مستطیل که طول و عرضش a و b است، یک چهارضلعی پدید می‌آید. مساحت این چهارضلعی کدام است؟

$\frac{1}{2}(a^2 + b^2)$

$\frac{1}{2}(a - b)^2$

$\frac{1}{2}(a^2 - b^2)$

$\frac{1}{2}ab$

۱۴۵- در ذوزنقه متساوی الساقین به قاعده‌های ۱۰ و ۴ و طول ارتفاع وارد بر قاعده ۴، اوساط اضلاع را متوالیاً به هم وصل می‌کنیم. محیط چهارضلعی حاصل کدام است؟

$2\sqrt{66}$

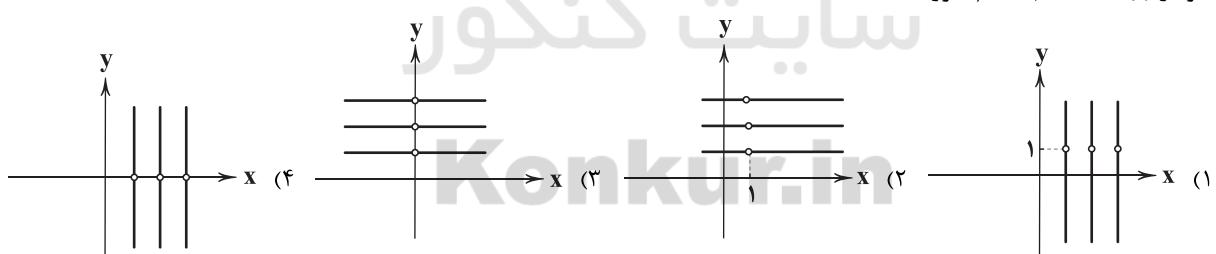
$2\sqrt{65}$

$\sqrt{66}$

$\sqrt{65}$

آمار و احتمال

۱۴۶- نمودار $\{1\} \times \mathbb{R} - \{1\}$ به کدام صورت است؟



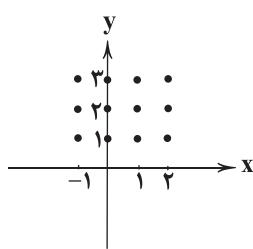
۱۴۷- نمودار $A \times B$ به صورت مقابل است. مجموعه $(A \times A) \cap (B \times B)$ چند عضوی است؟

4

9

12

8



۱۴۸- اگر $\{1, 2, 3, 4, 5, 6\} = A$ و $B = \{2, 6\}$ و مجموعه $A \cap B = \{2, 6\}$ دارای $(B - A) \times (A \cup B)$ عضو باشد، کدام است؟

8

6

4

2

۱۴۹- متمم $[A \cap (A \cup B')] \cap [(B \cap C) \cup (B' \cup A)]$ برابر کدام مجموعه است؟

B'

$A - B$

A'

A

۱۵۰- اگر $B \subseteq A$ باشد، کدام گزینه با سایر گزینه‌ها متفاوت است؟

$$B - (B' - A) \quad (4)$$

$$A' \cup B' \quad (3)$$

$$(B - (A' - B))' \quad (2)$$

$$(B - A')' \quad (1)$$

۱۵۱- اگر $A \subseteq B \subseteq C$ باشد، آن‌گاه مجموعه $(C \times A) \cap (B \times C)$ برابر کدام است؟

$$B \times A \quad (4)$$

$$A \times B \quad (3)$$

$$C \times B \quad (2)$$

$$B \times C \quad (1)$$

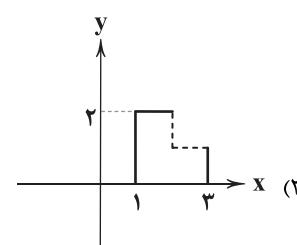
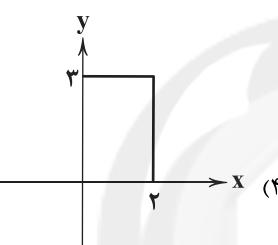
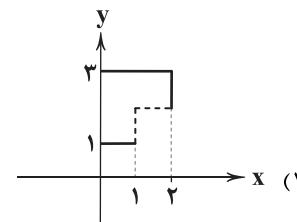
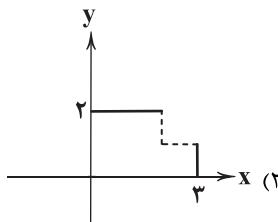
۱۵۲- اگر C و B دو مجموعه جدا از هم باشند و داشته باشیم $A \subseteq B \cup C$ در این صورت ساده شده عبارت $[(A \cap B) - (A \cap C)] \cup [(A \cap C) - (A \cap B)]$ کدام است؟

$$(B \cup C) - A \quad (4)$$

$$B \cup C \quad (3)$$

$$\emptyset \quad (2)$$

$$A \quad (1)$$

۱۵۳- اگر $B = [1, 2]$ ، $A = [0, 2]$ باشد، نمودار $A \times B - B \times A$ کدام است؟۱۵۴- اگر $x - y + z = B$ و $B = \{x - 2, 4, -2\}$ ، $A = \{y + 3, 5, z - 1\}$ باشد، بیشترین مقدار $x - y + z$ کدام است؟

$$18 \quad (4)$$

$$14 \quad (3)$$

$$17 \quad (2)$$

$$16 \quad (1)$$

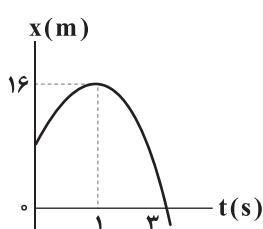
۱۵۵- اگر $A_i \times A_1$ ، $A_i \in \mathbb{Z} | \frac{n}{3} > -i \wedge 2^n \leq 3i$ چند عضو دارد؟

$$40 \quad (4)$$

$$48 \quad (3)$$

$$36 \quad (2)$$

$$44 \quad (1)$$

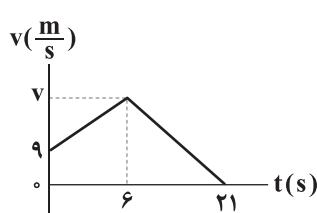
۱۵۶- نمودار مکان-زمان متوجهی که بر روی محور x حرکت می‌کند، مطابق شکل زیر است. این متوجه از لحظه شروع حرکت چه مسافتی بر حسب متر را باید طی کند تا از مبدأ مکان عبور کند؟

$$4 \quad (1)$$

$$16 \quad (2)$$

$$20 \quad (3)$$

$$32 \quad (4)$$

۱۵۷- نمودار سرعت-زمان متوجهی که روی محور x حرکت می‌کند، مطابق شکل زیر است. اگر بزرگی شتاب متوسط این متوجه در مرحله حرکت تندشونده، $\frac{1}{\mu}$ برابر بزرگی شتاب متوسط متوجه در مرحله حرکت کندشونده باشد، تندی متوسط این متوجه در مرحله حرکت کندشونده چند برابر اندازه سرعت متوسط آن در مرحله حرکت تندشونده است؟

$$\frac{19}{10} \quad (1)$$

$$\frac{18}{7} \quad (2)$$

$$\frac{10}{19} \quad (3)$$

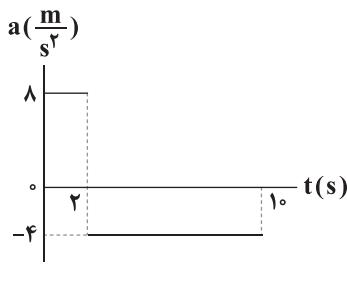
$$\frac{7}{18} \quad (4)$$



- ۱۵۸- دوچرخه‌سواری که با شتاب ثابت بر روی یک مسیر مستقیم در حال حرکت است، از کنار تیرهای برق خیابان که در فواصل مساوی از هم قرار دارند، می‌گذرد. اگر اندازه سرعت دوچرخه‌سوار در کنار تیرهای برق سوم و چهارم به ترتیب برابر با $\frac{m}{s}$ و $5\frac{m}{s}$ باشد، اندازه سرعت دوچرخه‌سوار در هنگام عبور از تیر برق بیستویکم چند متر بر ثانیه است؟

 $\sqrt{1375}$ (۴) $\sqrt{1525}$ (۳) $\sqrt{1452}$ (۲) $\sqrt{1250}$ (۱)

- ۱۵۹- نمودار شتاب - زمان متحركی که بر روی محور x ها حرکت می‌کند، مطابق شکل زیر است. اگر اندازه سرعت متوسط متحرك در 10 s کندشونده طی کرده است؟

 $\frac{18}{24}$ (۱) $\frac{74}{18}$ (۲) $\frac{21}{25}$ (۳) $\frac{25}{21}$ (۴)

- ۱۶۰- چه تعداد از عبارت‌های زیر نادرست است؟ (توجه کنید که امتداد حرکت جسم مشخص نیست، مگر این‌که بیان شده باشد).

(الف) هنگامی که متحركی تغییر جهت می‌دهد، الزاماً در لحظه تغییر جهت، سرعت آن صفر شده است.

(ب) اگر سرعت متحركی صفر شود، الزاماً شتاب آن در لحظه صفر شدن سرعت، صفر می‌شود.

(ج) در حرکت روی محور x ، هنگامی که بردار سرعت تغییر جهت دهد، الزاماً بردار مکان در همان لحظه هم تغییر جهت خواهد داد.

(د) در حرکت یک جسم ممکن است جایه‌جایی صفر شود، اما مسافت طی شده توسط آن جسم، در همان بازه زمانی صفر نشود.

۱ (۴)

۲ (۳)

۳ (۲)

۴ (۱)

- ۱۶۱- معادله مکان - زمان متحركی که بر روی محور x حرکت می‌کند، در SI به صورت $x = t^3 - 9t + 20$ است. در چه لحظاتی بر حسب ثانیه بردار مکان متحرك تغییر جهت می‌دهد؟

۳ , ۲ (۴)

۵ , ۴ / ۵ (۳)

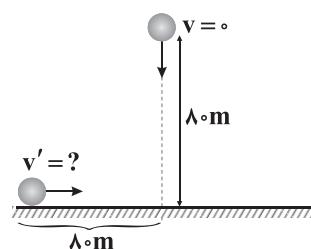
۴ / ۵ , ۴ (۲)

۵ , ۴ (۱)

- ۱۶۲- معادله مکان - زمان متحركی که بر روی محور x حرکت می‌کند، در SI به صورت $x = t^3 - bt + c$ می‌باشد، اگر مکان متحرك در لحظات $t = 5\text{s}$ و $t = 7\text{s}$ با هم برابر باشد، در کدام بازه زمانی نام برده شده در گزینه‌ها، اندازه سرعت متوسط و تندی متحرك با هم برابر هستند؟

 $t = 9\text{s}$ تا $t = 5\text{s}$ (۴) $t = 6\text{s}$ تا $t = 3\text{s}$ (۳) $t = 7\text{s}$ تا $t = 5\text{s}$ (۲) $t = 8\text{s}$ تا $t = 2\text{s}$ (۱)

- ۱۶۳- در شکل زیر، سرعت گلوله‌ای که روی سطح زمین با تنیدی ثابت در حرکت است، چند متر بر ثانیه باشد تا دو گلوله در اوینین برخورد گلوله‌ای که در راستای قائم در حال حرکت است، با سطح زمین، با هم برخورد کنند؟ ($\frac{m}{s} = g = 10$) و از مقاومت هوا صرف نظر کنید.



۲۰ (۱)

۱۰ (۲)

۶۰ (۳)

۸۰ (۴)

- ۱۶۴- متحركی بر روی محور x در حال حرکت است. اگر متحرك $\frac{1}{4}$ از زمان کل حرکت خود را در جهت محور x و باقی مانده زمان را در خلاف جهت محور x حرکت کند و اندازه سرعت آن زمانی که در جهت محور x حرکت می‌کند، دو برابر اندازه سرعت آن در زمانی که در خلاف جهت محور x حرکت می‌کند، باشد، سرعت متوسط متحرك در کل این حرکت چند برابر سرعت متوسط آن در زمانی که در جهت محور x حرکت می‌کند، است؟

 $-\frac{1}{8}$ (۴)

-۸ (۳)

۸ (۲)

 $\frac{1}{8}$ (۱)



- ۱۶۵- متحرک A با سرعت ثابت $\frac{m}{s}$ روی محور X در حال حرکت است که از کنار متحرک B که در حال سکون است، عبور می‌کند. اگر متحرک B در لحظه عبور متحرک A از کنار خود، شروع به حرکت با شتاب ثابت $\frac{m}{s^2}$ کند، بیشترین فاصله این دو متحرک از لحظه $t_1 = 0$ تا لحظه $t_2 = 10s$ چند متر است؟

۵۸ (۴)

۵۰ (۳)

۴۸ (۲)

۴۰ (۱)

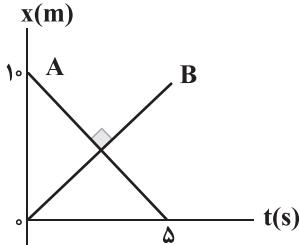
- ۱۶۶- نمودار مکان-زمان دو متحرک A و B که بر روی محور X حرکت می‌کنند، مطابق شکل زیر است. در چه لحظه‌ای برحسب ثانیه این دو متحرک به هم می‌رسند؟

۴ (۱)

۳ (۲)

۲ (۳)

۱ (۴)



- ۱۶۷- متحرکی با شتاب ثابت و از حال سکون روی محور X شروع به حرکت می‌کند و بدون تغییر جهت، مسافت d را می‌پیماید. اگر سرعت جسم پس از طی $\frac{2}{3}$ مسیر به $\frac{m}{s}$ برسد، سرعت جسم در انتهای مسیر، چند متر بر ثانیه است؟

۴\sqrt{5} (۴)

۲\sqrt{5} (۳)

۱۰\sqrt{6} (۲)

۶\sqrt{10} (۱)

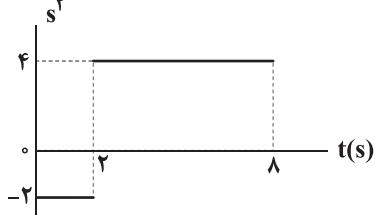
- ۱۶۸- نمودار شتاب-زمان یک متحرک که بر روی محور X حرکت می‌کند، مطابق شکل زیر است. اگر متحرک با سرعت $\frac{m}{s}$ حرکت خود را شروع کرده باشد، جایه‌جایی این متحرک در بازه زمانی $t_1 = 2s$ تا $t_2 = 8s$ چند متر است؟

۷۲ (۱)

۱۴۴ (۲)

۳۶ (۳)

۶۸ (۴)



- ۱۶۹- دو متحرک A و B با شتاب ثابت، از یک نقطه و روی محور X شروع به حرکت می‌کنند. اگر معادله‌های سرعت-زمان این دو متحرک در به صورت $v_B = 6t + 10$ و $v_A = -8t + 6$ باشند، در لحظه‌ای که تنیدی دو متحرک برابر می‌شود، فاصله دو متحرک از هم چند متر است؟

۲۴۰ (۴)

۴۸۰ (۳)

۱۲۸ (۲)

۶۴ (۱)

- ۱۷۰- متحرکی با شتاب ثابت، روی محور X در حال حرکت است. این متحرک در ۳ ثانیه اول مسیر، ۲۰ متر و در ۳ ثانیه سوم مسیر، ۸۰ متر را طی می‌کند. متحرک در مدت ۹ ثانیه اول مسیر چند متر را طی کرده است؟

۱۳۰ (۴)

۱۴۰ (۳)

۱۵۰ (۲)

۱۰۰ (۱)

- ۱۷۱- متحرکی از مکان $x = 4m$ با شتاب ثابت $\frac{m}{s^2}$ روی مسیر مستقیم شروع به حرکت می‌کند. اگر جایه‌جایی این متحرک در دو ثانیه دوم و چهارم حرکتش، قرینه هم باشند، سرعت اولیه این متحرک چند متر بر ثانیه است؟

-۵ (۴)

-۱۰ (۳)

۵ (۲)

۱۰ (۱)

- ۱۷۲- معادله سرعت-زمان متحرکی در SI به صورت $v = 4(t-1)(t-2)^2(t-3)^3(t-4)^4$ می‌باشد. در ۵ ثانیه ابتدایی حرکت، چند بار متحرک تغییر جهت می‌دهد؟

۱ (۴)

۲ (۳)

۳ (۲)

۴ (۱)

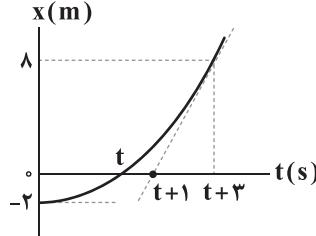
- ۱۷۳- نمودار مکان-زمان متحرکی به جرم $5/7 kg$ که با شتاب ثابت بر روی محور X حرکت می‌کند، مطابق شکل زیر است. بزرگی برایند نیروهای وارد بر این جسم چند نیوتن است؟

۴ (۱)

۶ (۲)

۸ (۳)

۱۲ (۴)





۱۷۴- چه تعداد از عبارت‌های زیر صحیح است؟

الف) نیروهای کنش و واکنش، خلاف جهت یکدیگر بوده و یکدیگر را خنثی می‌کنند.

ب) شتاب و جهت حرکت جسم در جهت نیروی خالص وارد بر آن است.

ج) هرچه نیروی خالص وارد بر جسم، بزرگ‌تر باشد، اندازه تغییرات سرعت جسم در واحد زمان بیشتر می‌شود.

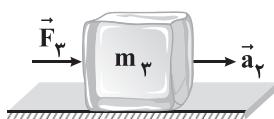
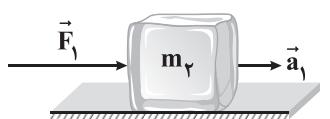
د) در یک کشته که با سرعت ثابت در حال غرق شدن است، نیروی وزن از نیروی شناوری، بزرگ‌تر است.

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

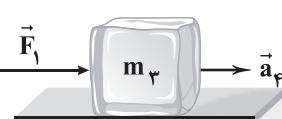
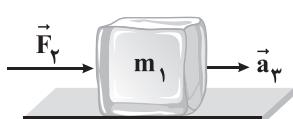
۱۷۵- در شکل‌های زیر، قطعه‌های یخ روی یک سطح افقی بدون اصطکاک قرار دارند. اگر بدانیم $F_1 > F_3 > F_2$ و $m_1 < m_3 < m_2$ ، آن‌گاه مقایسه داده شده در کدام گزینه در مورد شتاب قطعه‌های یخ حتماً درست خواهد بود؟

a1 > a3 (1)

a2 > a4 (2)

a4 < a1 (3)

a3 < a2 (4)



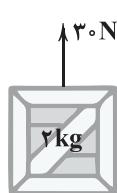
۱۷۶- سه نیروی ثابت به بزرگی ۶، ۹ و ۱۲ نیوتون به صورت همزمان به جسمی به جرم ۳kg وارد می‌شوند. اختلاف اندازه بزرگ‌ترین و کوچک‌ترین شتابی که این سه نیرو در جسم ایجاد می‌کنند برابر چند متر بر مجدول ثانیه است؟

۶ (۴)

۸ (۳)

۹ (۲)

۱۰ (۱)

۱۷۷- مطابق شکل مقابل، جعبه‌ای به جرم ۲kg را به وسیله نخی که به آن نیرویی به بزرگی ۳۰ نیوتون وارد می‌شود، به سمت بالا می‌کشیم. اگر ۲ ثانیه پس از بلندشدن جعبه از زمین، نخ پاره شود، اندازه سرعت جعبه هنگام برخورد به زمین چند متر بر ثانیه می‌شود؟ ($g = ۱۰ \frac{m}{s^2}$ و از مقاومت هوا و جرم نخ صرف نظر کنید).

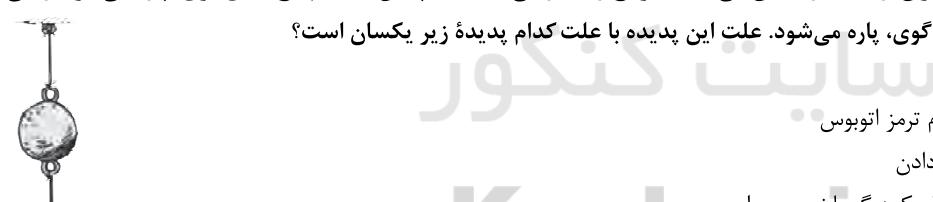
۵\sqrt{2} (۲)

۵\sqrt{3} (۳)

۱۰\sqrt{2} (۱)

۱۰\sqrt{3} (۳)

۱۷۸- در شکل زیر، که گوی سنگینی آویزان از سقف را نشان می‌دهد. اگر نخ را به آرامی به سمت پایین بکشیم، نخ بالای گوی، پاره می‌شود. ولی اگر ناگهان نخ را بکشیم، نخ پایین گوی، پاره می‌شود. علت این پدیده با علت کدام پدیده زیر یکسان است؟



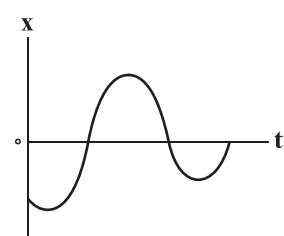
۱) سقوط چتریاز

۲) به جلو پرت شدن مسافران هنگام ترمز اتوبوس

۳) شتاب گرفتن اتومبیل هنگام گاز دادن

۴) دفع دو قطب همنام آهنربا توسط یکدیگر با نیرویی برابر

۱۷۹- نمودار مکان-زمان متحرکی که بر روی محور x حرکت می‌کند، مطابق شکل زیر است. در کل زمان حرکت، چند بار جهت نیروی خالص وارد



بر جسم تغییر کرده است؟

۱ (۱)

۲ (۲)

۳ (۳)

۴ (۴)

۱۸۰- بردار سرعت جسمی به جرم $1/5\text{kg}$ در مدت زمان ۳ ثانیه در دستگاه SI از $\vec{v}_1 = 11\hat{i} + 11\hat{j}$ به $\vec{v}_2 = 2\hat{i} - 2\hat{j}$ تغییر می‌کند. بزرگی نیروی خالص متوسط وارد بر این جسم در این باره زمانی چند نیوتون است؟

۱۰ (۴)

۵ (۳)

۱۵ (۲)

۷/۵ (۱)



توجه: داوطلب گرامی، لطفاً از بین سوالات زوج درس ۱ (فیزیک ۱)، شماره ۱۸۱ تا ۱۹۰ و زوج درس ۲ (فیزیک ۲)، شماره ۱۹۱ تا ۲۰۰، فقط یک سری را به انتخاب خود پاسخ دهید.

زوج درس ۱

فیزیک ۱ (سؤالات ۱۸۱ تا ۱۹۰)

۱۸۱- درون استوانه‌ای تا ارتفاع 40 cm آب می‌ریزیم و دمای آن را از 273 K به 280 K می‌رسانیم. به ترتیب حجم و فشار ناشی از آب در کف طرف چگونه تغییر می‌کنند؟

- (۱) کاهش و سپس افزایش - کاهش و سپس افزایش
(۲) افزایش و سپس کاهش - افزایش و سپس کاهش
(۳) کاهش - ثابت
(۴) کاهش و سپس افزایش - ثابت

- (۱) کاهش و سپس افزایش - کاهش و سپس افزایش
(۲) کاهش - ثابت
(۳) کاهش و سپس افزایش - ثابت

۱۸۲- دماستجی دمای $C = 16^\circ$ را 40° و 10° - را 12° - نشان می‌دهد. اگر دمای این دماستج را x و دمای فارنهایت را F بنامیم، رابطه بین x و F در کدام گزینه به درستی آمده است؟

$$F = \frac{x}{2} - 5 \quad (۴) \quad F = 2x + 5 \quad (۳) \quad F = \frac{1}{9}x + 24/8 \quad (۲) \quad F = 0.9x + 24/8 \quad (۱)$$

۱۸۳- مجموع ضرایب انبساط طولی و حجمی یک کره آهنی برابر با $K = 4/8 \times 10^{-5}$ است. اگر دمای این کره را $C = 100^\circ$ افزایش دهیم، حجم آن چند درصد و چگونه تغییر می‌کند؟

- (۱) $36/0^\circ$ - کاهش
(۲) $36/0^\circ$ - افزایش
(۳) $12/0^\circ$ - کاهش
(۴) $12/0^\circ$ - افزایش

۱۸۴- در یک بالن شیشه‌ای که لوله آن مدرج است، 270 g گرم از مایعی به چگالی $\frac{g}{cm^3} = 0.9$ و دمای $C = 93^\circ$ قرار دارد. اگر با دادن گرما دمای مجموعه را به $C = 123^\circ$ برسانیم، بالن مدرج، حجم مایع را چند سانتی‌متر مکعب نشان می‌دهد؟ (ضریب انبساط حجمی مایع $\frac{1}{K} = 1/1 \times 10^{-3}$ است).

- (۱) کمتر از $30.9/9\text{ cm}^3$
(۲) دقیقاً $30.9/9\text{ cm}^3$
(۳) بیشتر از $30.9/9\text{ cm}^3$

(۴) با توجه به ضریب انبساط حجمی طرف، امکان دارد هر کدام از گزینه‌ها صحیح باشند.

۱۸۵- دمای دو لیتر از مایعی را به اندازه $C = 6^\circ$ بالا می‌بریم. افزایش حجم واقعی مایع 24 cm^3 می‌شود. ضریب انبساط حجمی این مایع چند واحد SI است؟

$$(۱) ۵ \times 10^{-3} \quad (۲) ۰/۲ \times 10^{-3} \quad (۳) ۰/۵ \times 10^{-3} \quad (۴) ۲ \times 10^{-3}$$

۱۸۶- وقتی دمای یک میله فلزی را از $C = 40^\circ$ به $C = 55^\circ$ می‌رسانیم، طول آن از 32 cm به 30 cm می‌رسد. اگر دمای یک مکعب فلزی از همین جنس را از $C = 10^\circ$ به $C = 70^\circ$ برسانیم، حجم آن تقریباً چند درصد تغییر می‌کند؟

- (۱) 20°
(۲) 60°
(۳) 40°
(۴) 2°

۱۸۷- جسمی از ارتفاع 20 cm سطح زمین با سرعت $m/s = 10$ ، در شرایط خلا و در امتداد قائم به سمت زمین پرتاب می‌شود. اگر هنگام برخورد با زمین، 80% انرژی جنبشی جسم در این لحظه، خود جسم را گرم کند و در مسیر حرکت از اثلاف انرژی صرف نظر شود، دمای جسم چند

$$(g = 10 \frac{m}{s^2}) \quad (۱) \quad \text{کلوین افزایش می‌یابد؟} \quad (۲) \quad \text{جسم} = 400 \frac{J}{kg \cdot ^\circ C} \quad (۳) \quad \text{کلوین} = 10 \frac{^\circ C}{kg \cdot m}$$

$$(۴) \quad 0/1 \quad (۵) \quad 2 \quad (۶) \quad 0/5 \quad (۷) \quad 0/6$$

۱۸۸- می‌خواهیم با سوزاندن زغال، دمای 300 L لیتر آب $C = 20^\circ$ را به $C = 100^\circ$ برسانیم. اگر $60\text{ درصد} \times 300\text{ L}$ حاصل از سوختن زغال صرف گرم کردن آب شود،

$$(۱) \quad \text{چند کیلوگرم زغال برای این کار نیاز است؟} \quad (۲) \quad \text{از سوختن هر گرم زغال} 8000 \text{ کالری گرما ایجاد می‌شود.} \quad (۳) \quad \text{آب} = \frac{g}{g \cdot ^\circ C} \quad (۴) \quad 5 \times 10^{-3} \quad (۵) \quad 15/2 \quad (۶) \quad 15 \times 10^{-3}$$

۱۸۹- 0.5 L لیتر آب با دمای $C = 10^\circ$ را با چند لیتر آب با دمای $C = 65^\circ$ مخلوط کنیم تا دمای تعادل آب به $C = 32^\circ$ برسد؟

$$(۱) \quad \text{آب} = \frac{g}{kg \cdot ^\circ C} \quad (۲) \quad \text{آب} = \frac{g}{kg \cdot ^\circ C} \quad (۳) \quad \text{آب} = \frac{g}{kg \cdot ^\circ C} \quad (۴) \quad \frac{3}{100} \quad (۵) \quad \frac{1}{3}$$

۱۹۰- یک گرمکن برقی در مدت زمان 40 ثانیه دمای 30 g مایعی را از $C = 60^\circ$ به $C = 80^\circ$ می‌رساند. اگر توان این گرمکن 45 W و گرمای ویژه

$$(۱) \quad \text{مایع} = \frac{kJ}{kg \cdot K} \quad (۲) \quad \text{مایع} = \frac{kJ}{kg \cdot K} \quad (۳) \quad \text{مایع} = \frac{kJ}{kg \cdot K} \quad (۴) \quad \frac{1000}{3} \quad (۵) \quad \frac{1}{3}$$

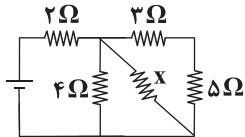
$$(۶) \quad 75/4 \quad (۷) \quad 60/3 \quad (۸) \quad 50/2 \quad (۹) \quad 25/1$$



زوج درس ۲

فیزیک ۲ (سوالات ۱۹۱ تا ۲۰۰)

۱۹۱- در مدار داده شده مقاومت X مخالف صفر است. کدام گزینه در مورد مقاومت معادل این مدار (R_{eq}) درست است؟



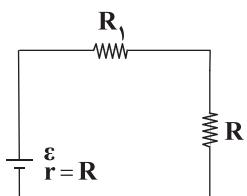
$$R_{eq} < 2\Omega \quad (1)$$

$$R_{eq} > 7\Omega \quad (2)$$

$$2\Omega < R_{eq} \leq 6\Omega \quad (3)$$

$$2\Omega < R_{eq} < 6\Omega \quad (4)$$

۱۹۲- اگر مقاومت R از صفر تا بینهایت افزایش یابد، ولتاژ دو سر آن چگونه تغییر می‌کند؟



$$\frac{2\epsilon}{3} \text{ از صفر تا} \quad (1)$$

$$\frac{\epsilon}{3} \text{ از صفر تا} \quad (2)$$

$$\epsilon \text{ از صفر تا} \quad (3)$$

$$\frac{\epsilon}{3} \text{ تا صفر} \quad (4)$$

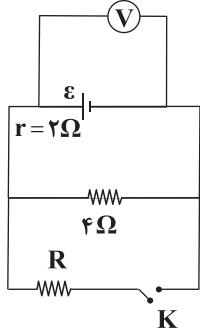
۱۹۳- توسط یک باتری، یک لامپ با مشخصه‌های ۶ وات و ۱۲ ولت را روشن می‌کنیم، به طوری‌که در هر دقیقه 36 kJ انرژی مصرف می‌کند. اگر توان خروجی باتری، ۹ وات باشد، کدام گزینه درست است؟

(۱) باید یک مقاومت 12Ω با لامپ، موازی بست.

(۲) لامپ را بتنهایی به دو سر باتری وصل است.

(۳) لامپ به تنها یکی از توان ثبتشده روی آن کار می‌کند.

۱۹۴- در مدار داده شده با وصل کلید K ، ولتسنج نصف ولتاژ قبل را نشان می‌دهد. R چند اهم است؟ (ولتسنج را آرمانی در نظر بگیرید).



$$\frac{4}{3} \quad (1)$$

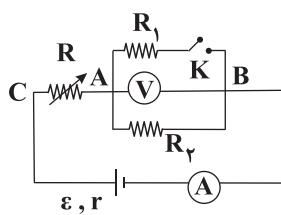
$$\frac{3}{4} \quad (2)$$

$$2 \quad (3)$$

$$\frac{1}{2} \quad (4)$$

۱۹۵- در مدار داده شده آمپرسنج، ایده‌آل نیست، اگر بخواهیم ولتسنج، عدد بزرگ‌تری را نشان دهد، چه تعداد از اقدامات زیر را انجام دهیم؟

(الف) آمپرسنج را حذف کنیم. (ب) مقاومت R را زیاد کنیم. (ج) مقاومت R_1 را کم کنیم. (د) کلید K را ببندیم.



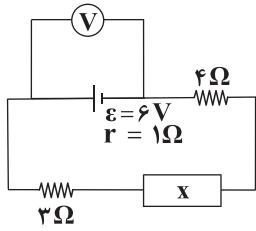
$$3 \quad (1)$$

$$1 \quad (2)$$

$$2 \quad (3)$$

$$4 \quad (4)$$

۱۹۶- در مدار داده شده، ولتسنج $9V$ را نشان می‌دهد. اگر X عنصری با مقاومت 2Ω باشد، کدام گزینه درست است؟ (ولتسنج را آرمانی در نظر بگیرید).



(۱) X یک باتری با نیروی حرکتی 8 ولت است.

(۲) X یک باتری با نیروی حرکتی 36 ولت است.

(۳) X یک مقاومت 12 اهمی است.

(۴) یک آمپرسنج غیرایده‌آل با مقاومت 1Ω است.



-۱۹۷- در یک مدار ساده، افت پتانسیل در درون یک باتری، 20° درصد اختلاف پتانسیل الکتریکی دو سر آن است. مقاومت خارجی بسته شده به باتری (R) چند برابر مقاومت درونی آن (r) است؟

۵ (۴)

۲/۵ (۳)

۴ (۲)

۳ (۱)

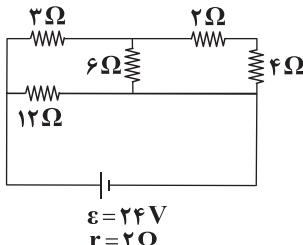
-۱۹۸- در مدار داده شده، جریان گذرنده از مقاومت ۶ اهمی چند آمپر است؟

۲ (۱)

۴ (۲)

۲ (۳)

۴ (۴)



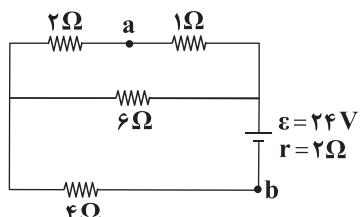
-۱۹۹- در مدار داده شده، $V_a - V_b$ چند ولت است؟

۸ (۱)

۱۶ (۲)

-۱۶ (۳)

-۸ (۴)



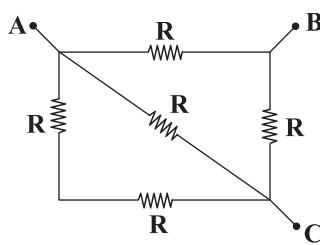
-۲۰۰- مقاومت معادل بین دو نقطه A و B چند برابر مقاومت معادل بین دو نقطه A و C است؟

۱/۱۰ (۱)

۱/۸ (۲)

۵/۳ (۳)

۳/۵ (۴)



-۲۰۱- pH محلولی از هیدرویدیک اسید با $\text{pH} = ۲$ و محلولی از هیدروفلوریک اسید با درصد یونش ۲ برابر با $۳/۳$ است. نسبت غلظت یون هیدرونیوم در هیدرویدیک اسید به غلظت یون هیدرونیوم محلول دیگر، به تقریب کدام است؟

۲۰ (۴)

۰/۰۵ (۳)

۴ (۲)

۲/۵ (۱)

-۲۰۲- ثابت یونش باز ضعیف BOH برابر 7×10^{-۸} و غلظت مولی آن برابر $۰/۰۲$ مولار است. pH این محلول کدام است؟ ($\log ۷ = ۰/۸۵$)

۱۱/۴۵ (۴)

۱۱/۱۵ (۳)

۱۰/۱۵ (۲)

۱۰/۴۵ (۱)

-۲۰۳- چه تعداد از عبارت‌های زیر درست است؟

- رنگی که کاغذ pH درون یک محلول به خود می‌گیرد، نشان‌دهنده pH تقریبی آن محلول است.

- باران اسیدی حاوی دو اسید قوی است، در حالی که باران معمولی حاوی یک اسید ضعیف است.

- آب آشامیدنی به دلیل وجود برخی یون‌ها رسانایی الکتریکی ناچیزی دارد، در حالی که آب خالص فاقد رسانایی الکتریکی است.

- در محلول $۰/۰$ مولار هیدروسیانیک اسید، مجموع غلظت مولی یون‌های هیدرونیوم و سیانید بسیار کمتر از غلظت مولی اسید است.

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

-۲۰۴- در چه تعداد از موارد زیر غلظت یون هیدرونیوم، بیشتر از غلظت یون هیدروکسید است؟

- محلول محتویات روده کوچک

- محلول جوش شیرین در آب

- خاکی که گل ادریسی در آن به رنگ سرخ شکوفا می‌شود.

- خون انسان

- شیشه پاک‌کن

- آب سبب

۱ (۴)

۲ (۳)

۳ (۲)

۴ (۱)



- ۲۰۵ - محلول استیک اسید با غلظت ۴% مولار و درجه یونش $۰\cdot۰۲$ در کدام گزینه آمده است؟

$۳/۲ \times ۱۰^{-۵}$ و $۳/۹\cdot۴$ $۳/۲ \times ۱۰^{-۵}$ و $۳/۱\cdot۳$ $۱/۶ \times ۱۰^{-۵}$ و $۳/۹\cdot۲$ $۱/۶ \times ۱۰^{-۵}$ و $۳/۱\cdot۱$

- ۲۰۶ - چه تعداد از عبارت های زیر نادرست است؟

• معده برای گوارش غذا هم به اسید و هم به باز نیاز دارد.

• درون معده یک محیط بسیار اسیدی است و حتی می تواند فلز روی را در خود حل کند.

• مصرف غذاها و داروهای اسیدی سبب تشدييد بيماري های معده خواهد شد.

• خوردن غذا موجب می شود که غده های موجود در دیواره معده، کلریک اسید ترشح کنند.

۱) ۴

۲) ۳

۳) ۲

۴) ۱

- ۲۰۷ - کدام مشاهده زیر را بر پایه مدل آرنیوس، در دمای معین، می توان توجیه کرد؟

۱) غلظت مولی یون هیدروژنیوم در محلول آبی CO_2 از محلول آبی HF، کمتر است.

۲) قدرت رسانابی الکتریکی محلول آبی Na_2O_3 و محلول آبی N_2O_3 ، متفاوت است.

۳) رنگ کاغذ pH در محلول آبی NH_3 و محلول آبی NaOH، کمی متفاوت است.

۴) غلظت مولی یون هیدروژنیوم در محلول آبی Rb_2O از محلول آبی HCN، کمتر است.

- ۲۰۸ - به چهار لیتر محلول هیدروکلریک اسید با $\text{pH}=۱$ ، مقدار ۵% مول از اسید ضعیف HX اضافه می کنیم. غلظت مولی اسید ضعیف پس از

برقراری تعادل به تقریب چند مول بر لیتر می شود؟ ($K_a(\text{HX})=4 \times 10^{-۴}$)

$۱/۱۲ \times 10^{-۲}$ $۱/۱۸ \times 10^{-۲}$ $۱/۲۴ \times 10^{-۲}$ $۱/۱۴ \times 10^{-۲}$

- ۲۰۹ - در کدام گزینه، اکسید عنصر اول (سمت راست) را می توان اسید آرنیوس و اکسید عنصر دیگر را باز آرنیوس در نظر گرفت؟



- ۲۱۰ - لیتیم اکسید با سرعت متوسط $۰\cdot۰۰۲ \text{ mol.s}^{-۱}$ در ۵°C در یک لیتر آب قطر حل می شود. پس از گذشت ۲ دقیقه، pH محلول به تقریب کدام است؟ ($\log ۳ = ۰\cdot۴۷$)

$۱) ۱2/۰۳$ $۲) ۱1/۹۷$ $۳) ۱2/۳۳$ $۴) ۱1/۶۷$

- ۲۱۱ - برای خنثی کردن چهار لیتر محلول باریم هیدروکسید با $\text{pH}=۱2/۴$ ، چند میلی لیتر محلول نیتریک اسید $۶\cdot۳$ درصد خالص با چگالی $۱/۲$

گرم بر میلی لیتر لازم است؟ ($\text{H}=1, \text{N}=14, \text{O}=16: \text{g.mol}^{-۱}$)

$۱) ۴1/۶$ $۲) ۴/۱۶$ $۳) ۸/۳۳$ $۴) ۸3/۳$

- ۲۱۲ - نمودار وابستگی pH محلول یک مولار باز BOH نسبت به درصد یونش آن به کدام صورت است؟ (دما 25°C است).



- ۲۱۳ - چه تعداد از عبارت های زیر درست است؟

• کربنیک اسید، برخلاف فورمیک اسید، یک اسید دوپروتون دار است.

• نخستین کسی که واکنش میان اسیدها و بازها را ارایه کرد، سواتن آرنیوس است.

• رنگ کاغذ pH بر روی صابون و در شیر منیزی می تواند یکسان باشد.

• $\text{pH} \cdot ۰$ یک محلول اسیدی در دمای اتاق، می تواند کمتر از صفر باشد.

۱) ۴

۲) ۳

۳) ۲

۴) ۱



۲۱۴- در دو لیتر محلول نیتریک اسید با $\text{pH} = 1/3$ ، تکه‌ای پتاسیم هیدروکسید جامد به جرم $1/12$ گرم می‌اندازیم. pH محلول نهایی کدام است؟ (از تغییر حجم چشم‌پوشی کنید). ($K = 39$, $O = 16$, $H = 1: \text{g} \cdot \text{mol}^{-1}$)

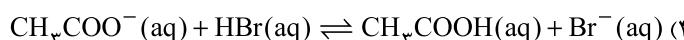
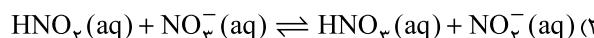
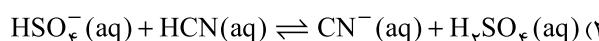
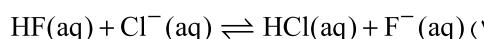
۱/۹ (۴)

۱/۵ (۳)

۱/۶ (۲)

۱/۴ (۱)

۲۱۵- براساس قدرت اسیدی گونه‌ها، اگر واکنش‌دهنده‌ها و فراورده‌ها با غلظت مولی برابر، در یک ظرف مخلوط شوند، کدام واکنش، در خلاف جهت واکنش‌های دیگر پیش می‌رود؟



توجه: داوطلب گرامی، لطفاً از بین سوالات زوج درس ۱ (شیمی (۱)، شماره ۲۱۶ تا ۲۲۵) و زوج درس ۲ (شیمی (۲)، شماره ۲۲۶ تا ۲۳۵)، فقط یک سری را به انتخاب خود پاسخ دهید.

زوج درس ۱

شیمی (۱) (سوالات ۲۱۶ تا ۲۲۵)

۲۱۶- چه تعداد از عبارت‌های زیر در ارتباط با گاز کربن مونوکسید نادرست است؟

- گازی بی‌رنگ، سبک‌تر از هوا و کمی سمی است.

- ساختار لوویس آن مشابه ساختار لوویس گاز نیتروژن است.

- برای اعلام نشت این گاز می‌توان از نوعی دستگاه حسگر کربن مونوکسید استفاده کرد که به بوی آن حساس است.

- استشمام این گاز در محیط بسته نخست به سیستم گوارشی بدن آسیب وارد می‌کند.

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

۲۱۷- کدام یک از مطالب زیر نادرست است؟

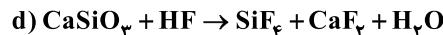
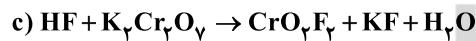
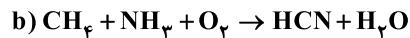
(۱) سیلیس، نام دیگر ترکیب سیلیسیم دی‌اسید است.

(۲) واکنش تهیۀ سولفوریک اسید در صنعت، یک واکنش چند مرحله‌ای است که مرحله نخست آن، سوختن گوگرد است.

(۳) نام دیگر ترکیب یونی آلومینیم اکسید (Al_2O_3), بوکسیت است.

(۴) اتم کروم در شماری از ترکیب‌های خود به شکل‌هایی غیر از کاتیون Cr^{3+} یا Cr^{2+} یافت می‌شود.

۲۱۸- در کدام دو معادله، پس از موازنی، مجموع ضرایب‌های استوکیومتری واکنش‌دهنده‌ها و فراورده‌ها با هم برابر است؟



d , c (۴)

d , b (۳)

c , a (۲)

b , a (۱)

۲۱۹- چه تعداد از عبارت‌های زیر درست است؟

- عنصر اکسیژن در ساختار همه مولکول‌های زیستی مانند کربوهیدرات، چربی‌ها و پروتئین‌ها یافت می‌شود.

- فشار گاز اکسیژن در سطح زمین، اندکی بیشتر از $20\text{ }\mu\text{atm}$ اتمسفر است.

- تمام واکنش‌های شیمیایی مانند فرسایش سنگ و صخره، زنگ زدن، فساد مواد غذایی و ... که بیوسته پیرامون ما رخ می‌دهند، به دلیل تمایل زیاد اکسیژن برای انجام واکنش است.

- هواپیماها با خود اتفاقی از هوای پاک و خشک حمل می‌کنند.

۱ (۴)

۲ (۳)

۳ (۲)

۴ (۱)

۲۲۰- در ساختار چه تعداد از گونه‌های زیر، تمامی پیوندهای یگانه (садه) است؟



۳ (۴)

۲ (۳)

۱ (۲)

(صفر)



- ۲۲۱- شکل زیر روند تولید باران اسیدی را نشان می‌دهد، نسبت شمار جفت الکترون‌های پیوندی به شمار جفت الکترون‌های ناپیوندی در کدام

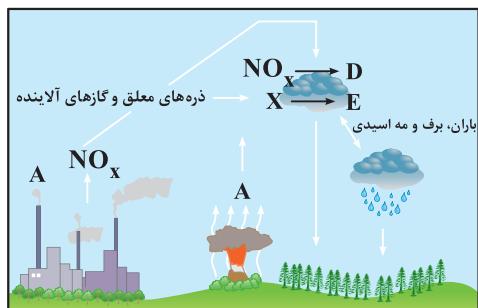
گزینه به درستی مقایسه شده است؟

$$A < X < D \quad (1)$$

$$X = A < D \quad (2)$$

$$X < A < E \quad (3)$$

$$E < X = A \quad (4)$$



- ۲۲۲- چه تعداد از عبارت‌های زیر درست است؟

• در حال حاضر میانگین جهانی دمای سطح زمین، در حدود $14/5^{\circ}\text{C}$ است.

• در سده اخیر، مساحت برف در نیمکره شمالی به طور کلی، روند کاهشی داشته است.

• شواهد نشان می‌دهند که فصل بهار در نیمکره شمالی زمین، نسبت به ۵۰ سال گذشته در حدود یک ماه زودتر آغاز می‌شود.

• گلخانه، گیاه یا میوه را از آسیب‌های ناشی از تغییر دما و آفتها حفظ می‌کند.

$$4 \quad (4)$$

$$3 \quad (3)$$

$$2 \quad (2)$$

$$1 \quad (1)$$

- ۲۲۳- کدام یک از مطالبات زیر نادرست است؟

(۱) برای کاهش ردپای کربن دی‌اکسید می‌توان این گاز را با یک اکسید بازی مانند MgO یا CaO واکنش داد.

(۲) در ساختار سوخت‌های سبز، افزون بر عنصرهای C و H، عنصر O نیز وجود دارد و این مواد به وسیله جانداران ذرمی‌بینی به این عنصرها تجزیه می‌شوند.

(۳) پلاستیک‌های سبز، پلیمرهایی هستند که در ساختار آن‌ها عنصر O وجود دارد و بر پایه مواد گیاهی ساخته می‌شوند.

(۴) در هوایکره علاوه بر گازهای CO_2 و H_2O ، گازهای دیگری نیز وجود دارند که نقش گلخانه‌ای دارند.

- ۲۲۴- چه تعداد از عبارت‌های زیر در ارتباط با اوزون درست است؟

• گاز اوزون در مقایسه با گاز اکسیژن، آسان‌تر به مایع تبدیل می‌شود.

• اوزون در مقایسه با اکسیژن، گاز واکنش‌پذیرتر است.

• مدل فضا پرکن اوزون، مشابه مدل فضا پرکن گاز کربن دی‌اکسید است.

• در مولکول اوزون سه پیوند اشتراکی وجود دارد و با تابش پر انرژی فرابنفش به این مولکول همه این پیوندها می‌شکند.

$$4 \quad (4)$$

$$3 \quad (3)$$

$$2 \quad (2)$$

$$1 \quad (1)$$

- ۲۲۵- برای تولید هر مول اوزون تروپوسفری به چند مول گاز نیتروژن نیاز است؟ (فرض کنید هیچ‌کدام از اکسیدهای نیتروژن در لایه تروپوسفر وجود ندارند).

$$2 \quad (4)$$

$$1/5 \quad (3)$$

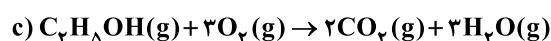
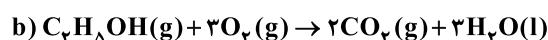
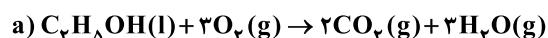
$$1 \quad (2)$$

$$0/5 \quad (1)$$

زوج درس ۲

شیمی (۲) (سوالات ۲۶ تا ۳۵)

- ۲۲۶- در کدام گزینه، مقدار گرمای حاصل از واکنش‌های سه گانه به درستی مقایسه شده است؟



$$b < a < c \quad (4)$$

$$a < b < c \quad (3)$$

$$a < c < b \quad (2)$$

$$c < a < b \quad (1)$$

- ۲۲۷- چه تعداد از عبارت‌های زیر درست است؟

• قانون هس، بیانی از جمع‌پذیری گرمای واکنش‌ها است و این که گرمای یک واکنش به مسیر انجام آن مستگی ندارد.

• تغییر آنتالپی هر واکنش هم‌ارز با گرمایی است که در فشار استاندارد با محیط پیرامون داد و ستد می‌کند.

• جذب گرما و تبخیر آرام آب، اساس کار یخچال صحرایی است.

• در دمای ثابت تفاوت چشمگیری میان انرژی گرمایی فراورده و واکنش‌دهنده‌های واکنش $\text{H}_2\text{(g)} + \text{Cl}_2\text{(g)} \rightarrow 2\text{HCl(g)}$ وجود ندارد.

$$1 \quad (4)$$

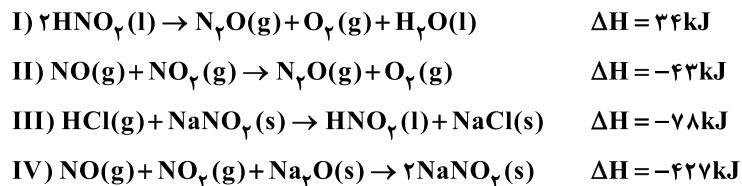
$$2 \quad (3)$$

$$3 \quad (2)$$

$$4 \quad (1)$$



۲۲۸- با توجه به واکنش‌های (I) تا (IV)، آنتالپی واکنش موازن‌نموده $\text{NaCl(s)} + \text{H}_2\text{O(l)} \rightarrow \text{HCl(g)} + \text{Na}_2\text{O(s)}$ ، بهازای تولید یک مول گاز هیدروژن کلرید، چند کیلوژول است؟



۲۰۹ (۴) ۴۱۸ (۳) ۲۵۳ (۲) ۵۰۶ (۱)

۲۲۹- ترکیب $\text{C}_5\text{H}_{10}\text{O}$ دارای چند هم‌پار با گروه عاملی کربونیل بوده و نام چه تعداد از آن‌ها به پسوند «-ون» ختم می‌شود؟

۳ - ۸ (۴) ۴ - ۸ (۳) ۳ - ۷ (۲) ۴ - ۷ (۱)

۲۳۰- بوی بادام به علت وجود ترکیب آلی A و بوی میخ به دلیل وجود ترکیب آلی B است. طعم و بوی گیاهان و به ترتیب به طور عمده وابسته به وجود گروه عاملی ترکیب‌های A و B است. (گزینه‌ها را از راست به چپ بخوانید).

(۱) زردچوبه - دارچین (۲) دارچین - زردچوبه (۳) گشنیز - دارچین (۴) رازبانه - زردچوبه

۲۳۱- از سوختن کامل $1/44$ گرم گاز متیل مرکاپتان (CH_3HS) چند کیلوژول گرما آزاد می‌شود؟ (فراورده‌های سوختن کامل متیل مرکاپتان، بخار آب و گازهای کربن دی‌اکسید و گوگرد دی‌اکسید هستند). $(\text{C}=12, \text{H}=1, \text{S}=32: \text{g} \cdot \text{mol}^{-1})$

پیوند	C - H	C = O	O = O	S - O	S = O	O - H	H - S	C - S	
آنتالپی (kJ.mol ⁻¹)	۴۱۵	۸۰۰	۴۹۵	۲۶۵	۴۰۰	۴۶۵	۳۴۰	۲۶۰	۲۳/۸۵ (۱) ۲۸/۳۵ (۲) ۳۲/۸۵ (۳) ۲۵/۳۸ (۴)

۲۳۲- یک عدد صبحانه شامل 100 g نان، 40 g پنیر و 200 g شیر، به تقریب چند درصد از انرژی روزانه یک فرد بالغ را تأمین می‌کند؟ (انرژی لازم برای فعالیت روزانه یک فرد بالغ، 2800 kcal است).

ارزش سوختی (kJ.g ⁻¹)	خوارکی	
۱۱/۵	نان	۱۸ (۱)
۲۰/۰	پنیر	۲۲ (۲)
۳/۰	شیر	۳۱ (۳) ۴۰ (۴)

۲۳۳- در کدام گزینه، پایداری مواد درست مقایسه نشده است؟

$\text{O}_2(\text{g}) < \text{O}_2(\text{g}) < \text{H}_2\text{O(l)}$ (۲) $\text{H}_2(\text{g}) < \text{H}_2\text{O}_2(\text{l}) < \text{H}_2\text{O(l)}$ (۱)

$\text{C(g)} < \text{CO(g)} < \text{CO}_2(\text{g})$ (۴) $\text{N}_2(\text{g}) < \text{N}_2\text{H}_4(\text{g}) < \text{NH}_3(\text{g})$ (۳)

۲۳۴- آنتالپی سوختن چهار گزینه اتانول، اتان، اتیلن و استیلن در دمای 25°C در گزینه‌ها آمده است. کدامیک از آن‌ها مربوط به استیلن است؟ (تمامی اعداد بر حسب کیلوژول بر مول است).

-۱۳۶۸ (۴) -۱۴۱۰ (۳) -۱۵۶۰ (۲) -۱۳۰۰ (۱)

۲۳۵- کدامیک از مطالبات زیر نادرست است؟

- ۱) جرم کربن دی‌اکسید حاصل از سوختن یک گرم اتانول، در مقایسه با سوختن یک گرم اتان، کمتر است.
- ۲) چربی ارزش سوختی بیشتری از پروتئین و بروتین نیز ارزش سوختی بیشتری از کربوهیدرات دارد.
- ۳) فرمول مولکولی $\text{C}_6\text{H}_{12}\text{O}$ را می‌توان به یک الکل خطی تک عاملی نسبت داد.
- ۴) آنتالپی بسیاری از واکنش‌های شیمیایی را نمی‌توان به روش تجربی (با استفاده از گرماسنج) اندازه‌گیری کرد.



آزمون‌های سراسری کاج

گوینده درس در این خاک کنید.

سال تحصیلی ۱۴۰۰-۱۴۰۱

دفترچه شماره ۳

آزمون شماره ۱۰

جمعه ۲۱/۰۸/۱۴۰۰

پاسخ‌های تشریحی

پایه دوازدهم ریاضی

دوره دوم متوسطه

شماره داوطلبی:	نام و نام خانوادگی:
مدت پاسخگویی: ۲۳۵ دقیقه	تعداد سوالاتی که باید پاسخ دهید: ۱۵

عنوانین مواد امتحانی آزمون گروه آزمایشی علوم ریاضی، تعداد سوالات و مدت پاسخگویی

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سوال	شماره سوال	مدت پاسخگویی
		از	تا	
۱	فارسی	۲۵	۱	۱۸ دقیقه
۲	زبان عربی	۲۵	۲۶	۲۰ دقیقه
۳	دین و زندگی	۲۵	۵۱	۱۷ دقیقه
۴	زبان انگلیسی	۲۵	۷۶	۲۰ دقیقه
۵	حسابان ۲	۱۰	۱۰۱	۱۱۰ دقیقه
	ریاضیات گستته	۱۰	۱۱۱	۱۲۰ دقیقه
	هندسه ۳	۱۰	۱۲۱	۱۳۰ دقیقه
	ریاضی ۱	۵	۱۳۱	۱۳۵ دقیقه
	حسابان ۱	۵	۱۳۶	۱۴۰ دقیقه
	هندسه ۱	۵	۱۴۱	۱۴۵ دقیقه
	آمار و احتمال	۱۰	۱۴۶	۱۵۵ دقیقه
۶	فیزیک ۳	۲۵	۱۵۶	۱۸۰ دقیقه
	فیزیک ۱	۱۰	۱۸۱	۱۹۰ دقیقه
	فیزیک ۲	۱۰	۱۹۱	۲۰۰ دقیقه
۷	شیمی ۳	۱۵	۲۰۱	۲۱۵ دقیقه
	شیمی ۱	۱۰	۲۱۶	۲۲۵ دقیقه
	شیمی ۲	۱۰	۲۲۶	۲۳۵ دقیقه

آزمون‌های سراسری گاج

ویراستاران علمی	طراحان	دروس
اسماعیل محمدزاده مسیح گرجی - مریم نوری‌نیا	امیرنجات شجاعی	فارسی
شاھو مرادیان - سید مهدی میرفتحی پریسا فیلو	بهروز حیدربکی	زبان عربی
بهاره سلیمی - عطیه خادمی	مرتضی محسنی کبیر	دین و زندگی
مهلیه حسامی - مریم پارسائیان	امید یعقوبی‌فرد - مهدیه حسامی	زبان انگلیسی
علیرضا فضائلی - محدثه کارگرفت ندا فرهختی - مینا نظری	محمد رضا سیاح سیروس نصیری خشایار خاکی علیرضا بنکدار جهرمی مفید ابراهیم‌پور علی ایمانی	حسابان (۱) حسابان (۲) هندسه (۳) ریاضی (۱) گستاخ آمار و احتمال / هندسه (۱)
حسین زین العابدین زاده سارا دانایی کجانی مروارید شاه‌حسینی	ارسان رحمانی امیرضا خوبنی‌ها رضا کریم‌زاده شهاب نصیری مسعود قره‌خانی	فیزیک
ایمان زارعی - میلاد عزیزی رضیه قربانی - عرفان بابایی	پویا الفتی	شیمی

آماده‌سازی آزمون

مدیریت آزمون: ابوالفضل مزرعه‌تی

بازبینی و نظارت نهایی: سارا نظری

برنامه‌ریزی و هماهنگی: مریم جمشیدی عینی - مینا نظری

بازبینی دفترچه: بهاره سلیمی - عطیه خادمی

ویراستاران فنی: سانا فلاحی - مروارید شاه‌حسینی - مریم پارسائیان - زهرا رجبی

سرپرست واحد فنی: سعیده قاسمی

صفحه‌آرا: فرهاد عبدالی

طرح شکل: ربابه الطافی - آرزو گلفر

حروف‌نگاران: پگاه روزبهانی - مینا عباسی - مهناز السادات کاظمی - فرزانه فتاحی - فرزانه رجبی

امور چاپ: علی مزرعه‌تی

forum.konkur.in



فروشگاه مرکزی گاج: تهران - خیابان انقلاب
نبش بازارچه کتاب

اطلاع رسانی: ۰۲۱-۶۴۲۰

نشانی اینترنتی: www.gaj.ir



به نام خدا

حقوق دانشآموزان در آزمون‌های سراسری گاج

داوطلب گرامی؛ با سلام در اینجا شما را با بخشی از حقوق خود در آزمون‌های سراسری گاج آشنا می‌نماییم:

- ۱- اطلاعات شناسنامه‌ای و آموزشی شما مانند نام، نام خانوادگی، جنسیت و گروه آزمایشی بایستی به صورت صحیح در بالای پاسخ‌برگ درج شده باشد.
- ۲- آزمون‌های سراسری گاج باید راس ساعت اعلام شده در دفترچه، شروع و خاتمه یابد.
- ۳- محل برگزاری آزمون باید از لحاظ سرمایش و گرمایش، نور کافی، نظافت و سایر موارد در حد مطلوب و استاندارد باشد.
- ۴- سوالات آزمون‌های سراسری گاج بایستی نزدیکترین سوالات به کنکور سراسری باشد و عاری از هرگونه اشکال علمی و تایپی باشد.
- ۵- در هنگام برگزاری آزمون باید تغذیه رایگان دریافت نمایید.
- ۶- بعد از هر آزمون و به هنگام خروج از جلسه آزمون بایستی پاسخ‌نامه‌ی تشریحی هر آزمون را دریافت نمایید.
- ۷- کارنامه‌ی هر آزمون بایستی در همان روز آزمون به روش‌های ذیل تحويل شما گردد:
 - مراجعه به سایت گاج به نشانی www.gaj.ir
 - مراجعه به نمایندگی.
- ۸- خدمات مشاوره‌ای رایگانی که در طی ۱ مرحله آزمون (ویژه داوطلبان آزاد) ارائه می‌گردد شامل:
 - برگزاری جلسه مشاوره حضوری به صورت انفرادی حداقل یکبار در طی هر آزمون توسط رابط تحصیلی.
 - تماس تلفنی حداقل ۲ بار در طی هر آزمون توسط رابط تحصیلی.
 - تماس تلفنی با اولیا حداقل یکبار در هر فاز [آزمون‌های سراسری گاج در چهار فاز تابستانه، ترم اول، ترم دوم و جامع برگزار می‌گردد].
 - بررسی کارنامه آزمون توسط رابط تحصیلی در هر آزمون.

چنانچه در هر یک از موارد فوق کمبود و یا نقصی مشاهده نمودید لطفاً بلافصله با تلفن ۰۲۱-۶۴۲۰ تماس حاصل نموده و مراتب را اطلاع دهید.



در گاج، بهترین صدا،

صدای دانشآموز است.



۲ کنایه (بیت «ب»): کمر / میان بستن کتابه از آماده شدن

۸

مجاز (بیت «الف»): سیر مجاز از بی میل

تلمیح (بیت «ج»): اشاره به داستان رسم پهلوان ایرانی
حس آمیزی (بیت «ه»): حلاوت حدیث

تشبیه (بیت «د»): روی یار به گل

۴ بررسی سایر گزینه ها

۹

(۱) تلمیح: اشاره به داستان گلستان شدن آتش بر حضرت ابراهیم (ع)

(۲) ایهام تناسب: ماه: ۱- قمر (معنی درست) ۲- ماه سی روزه (معنی نادرست /
تناسب با «هفته»)

(۳) دلیل غروب خورشید، شرمش از زیبایی معشوق است.

۱۰ تشبیه: تشبیه سخن معشوق به شکر

۱

حس آمیزی: جواب [سخن] تلخ و شیرین

تناقض: این که جواب تلخ معشوق از شکر شیرین تر باشد، بیانی
متناقض نماست.

استعاره: کام جان (اضافه استعاری)

ایهام تناسب: سور: ۱- هیجان، برانگیختگی (معنی درست) ۲- نوعی مزه
(معنی نادرست / تناسب با «تلخ و شیرین»)

۱۱ جناس ناقص: باد - باز

۱۱

تضاد: بند ≠ آزاد

مجاز: چمن مجاز از باغ

ایهام: راست: ۱- به راستی ۲- راست قامته

۱۲ جز هیچ (متّم) نگنجید در این تنگ فضا هیچ (نهاد) آخر

۱۲

نگشودیم به جز بند قبا هیچ (مفهول).

بازگردانی دو مصراع:

مصراع دوم سؤال: هیچ [چیزی] جز هیچ در این فضای تنگ نگنجید.

المصراع چهارم سؤال: هیچ [چیزی را] به جز بند قبا نگشودیم.

۱۳ در بیت سؤال، ضمیر «م» (که + چه) در نقش مفعولی به کار

۱۳

رفته (که مرا ناشکیبا کرد) و در گزینه (۲) نیز ضمیر متصل «ت» (که + چه ت)

چین نفتشی دارد. (پیش از آن که تو را از میان در ریابند.)

بررسی گزینه ها:

(۱) ای نهال رسیده میوهات (مضاف الیه) به دیگران می رسد.

(۲) پیش از آن که تو را (مفهول) از میان در ریابند.

(۳) و اگر برای من (متّم) درد درون نیست ...

(۴) اگر شبی گذارت (مضاف الیه) به سر کوی ما افتاد ...

۱۴ حد کس نیست هلالی [با تو سخن می گویم] که شود همه را /

۱۴

زان که این مرحله را محنت بی حد باشد.

فارسی

۱ ۳ معنی درست واژه در سایر گزینه ها:

(۱) گسیل کردن: روانه کردن، فرستادن کسی به جایی

(۲) گرده: پشت، بالای کمر

(۳) وسیم: دارای نشان پیامبری

۲ ۴ معادله های معنایی واژگان گزینه (۴):

سرمشق: اُسوه

دشواری: مَحْمَصَه

اندوخته: توش

۳ ۵ واژگان غیر مرتبط در سایر گزینه ها:

(۱) آشکار - باشکوه

(۲) سهل انگار - ارزشمند

معانی واژه ها در صورت سؤال:

رُقعه: نامه کوتاه، یادداشت

تجلى: آشکار کردن، جلوه کردن

نسیان: فراموشی

توش: توشه و اندوخته، توانایی تحمل سنگینی یا فشار

مَحْمَصَه: گرفتاری، سختی، دشواری

اُسوه: پیشو، سرمشق، نمونه پیروی

۴ ۶ معنی درست سایر واژه ها:

سلسله جنبان: محرك، آن که دیگران را به کاری برمی انگیزد.

وَقْب: هر فروفتگی اندام چون گودی چشم (غارب: میان دو کتف)

مروت: جوانمردی، مردانگی (مرمت: اصلاح و رسیدگی)

حِلَيَه: زیور، زینت

جود: بخشش، سخاوت، گرم

۴ ۷ املای درست واژه ها:

(الف) هول: ترس

ج) ثنا: ستایش

د) فراغت: آسایش

۵ ۸ املای درست واژه در سایر گزینه ها:

(۱) بگذار: قرار بده

(۲) منسوب: نسبت داده شده

(۴) بیغوله: کنج، ویرانه

۶ ۹ املای درست واژه:

مطاع: فرمانروا، اطاعت شده، کسی که دیگری فرمان او را می برد. (متاع: کالا)

۷ ۱۰ من زنده ام: مخصوصه آباد



۳ ۲۴ مفهوم گزینه (۳): بی اختیاری عاشق در برابر پدیرش عشق / جذبه و جبر عشق

مفهوم سایر گزینه‌ها: ظاهر، نشان‌دهنده باطن است. / از کوزه همان بروند تراود که در اوست.

۴ ۲۵ مفهوم مشترک بیت سؤال و گزینه (۴): حال عاشق را فقط عاشق می‌فهمد.

مفهوم سایر گزینه‌ها:

۱) تنها عاشق ارزش معشوق را می‌داند.

۲) امید به بهره بردن از عشق

۳) رنج هجران و پاکبازی عاشقانه

۳ ۱۵ آمد غیر ما [۱۰ مورد]

بررسی سایر گزینه‌ها:

۱) چو رفت توبه‌ام - ار صاف نیست [۲۰ مورد]

۲) زلف به خون که شکستی - حافظ - این قصه دراز است - که مپرس [۴۰ مورد]

۴) [اگر] خواهی - بر تو در نبندد [۲۰ مورد]

نکته: هر جمله‌ای که پس از پیوند وابسته‌ساز بیاید، پیرو است. البته گاهی پیوندها به قرینه معنوي محدود هستند.

۳ ۱۶ واژه «ردیف» (بیشتر) در همه گزینه‌ها در نقش قیدی و در

این گزینه در نقش مسندي به کار رفته است.

آرزو از نعمت‌های الوان بیشتر گردد.

بررسی سایر گزینه‌ها:

۱) گوهرهای غلتان بیشتر خصم آرامش هستند.
قید

۲) عیش مور از شکرستان بیشتر تلخ گردد.
قید

۴) هر که در این هنگامه بیناتر [است] بیشتر حیران [است].
قید

۱ ۱۷ مفهوم گزینه (۱): توصیه به خاموشی جهت سنجیده‌گویی

(خاموشی غیرعارفانه)

مفهوم مشترک سایر گزینه‌ها: رازداری و خاموشی عارفانه / اشاره به اصل رازداری در عشق و عرفان

۳ ۱۸ مفهوم گزینه (۳): پایداری در راه عشق تا دم مرگ

مفهوم مشترک سایر گزینه‌ها: استمرار وجود عشق در وجود عاشق، حتی پس از مرگ

۳ ۱۹ مفهوم گزینه (۳): دعوت به صبر

مفهوم مشترک سایر گزینه‌ها: همه پدیده‌ها در حال ستایش خداوند هستند.

۳ ۲۰ مفهوم مشترک بیت سؤال و گزینه (۳): ضرورت بهره‌گیری از

راهنما (طایر قدس - دلهای روشن) در راه عشق

مفهوم سایر گزینه‌ها:

۱) ترک تعلق توسط وارستگان

۲) ابراز داشتن توانایی کاری که انجام داده نمی‌شود.

۴) شکوه از آسمان بابت بی‌توجهی به عالی‌همّتان

۱ ۲۱ مفهوم گزینه (۱): بخشایندگی خداوند

مفهوم مشترک سایر گزینه‌ها: ضرورت همراهی توبه با پشیمانی قلبی

۴ ۲۲ مفهوم گزینه (۴): ارزشمندی آزادگان و وارستگان

مفهوم مشترک سایر گزینه‌ها: بی‌تعلقی، موجب آسودگی است.

۳ ۲۳ مفهوم گزینه (۳): وطن‌گریزی

مفهوم مشترک سایر گزینه‌ها: وطن‌دوستی

سایت Konkur.in



زبان عربی

اشتباهات بارز سایر گزینه‌ها:

(۲) هر یک از مردم (← تمام مردم)، سالم زندگی کنند (← همزیستی مساملت آمیز داشته باشند)

(۳) برخی دیگر (← با یکدیگر)، سالمی (← مساملت آمیز)

(۴) هر کدام از مردم (← تمام مردم)؛ «مع بعضهم» ترجمه نشده است.

۳ ۲۲ «تفعّل: سود رساند»، «افتفعّ: سود بُرد»

۴ ۳۳ ترجمة صحيحة: «... نیکی‌ها، بدی‌ها را از بین می‌برند.»

ترجمه و بررسی سایر گزینه‌ها:

(۱) «لا يحرثك: تو را ناراحت نکنید»

(۲) تا یکدیگر را بشناسیم.

(۳) دشمنان (← دشمن)

اشتباهات بارز سایر گزینه‌ها:

۳ ۲۵ (۱) «دارم» تعریب نشده است، یومین (← یوم)، بطّاریة (← بطّاریتہ)

(۲) «اضافی است، تفوق (← تفرغ)

(۴) بطّاریة (← بطّاریتہ)، تفوق (← تفرغ)

■■ متن زیر را با دقّت بخوان، سپس متناسب با آن به سؤالات زیر پاسخ بده:
۴۲ - ۳۶:

شاید گمان کنیم که باکتری، هیچ فایده‌ای برای ما ندارد ولی آن با ویروس در این موضوع فرق دارد. علاوه بر مواردی که از باکتری در زندگی روزانه‌مان بهره می‌جوییم، پژوهشگران کشف کرده‌اند که در عمق اقیانوس نورهایی وجود دارند که از نوعی از باکتری‌ای که زیر چشممان ماهی‌هایی زندگی می‌کنند، فرستاده می‌شوند و تاریکی‌های اقیانوس به روزی روشن تبدیل می‌شوند. و غواصان در نورهای آن‌ها می‌توانند عکّاسی کنند. دانشمندان بر این باورند که امکان دارد که از باکتری نورانی برای نورانی ساختن شهرها یاری بجوییم و آن را با انرژی‌هایی که همیشگی نیستند، جایگزین کنیم.

۲ ۳۶ «چرا تاریکی‌های اقیانوس به روزی روشن تبدیل می‌شوند؟!»؛

[گزینه] صحیح را مشخص کن:

ترجمه گزینه‌ها:

(۱) به دلیل وجود ماهی‌های فراوان در اعماق اقیانوس.

(۲) زیر باکتری نورانی، نورهایی را در اعماق اقیانوس می‌فرستد.

(۳) زیر غواصان در آن عکّاسی می‌کنند.

(۴) چون ما می‌توانیم از آن برای نورانی ساختن شهرها یاری بجوییم.

۳ ۲۷ «دلیل توجه انسان به باکتری در خشان این است که آن»؛

[گزینه] صحیح را مشخص کن:

ترجمه گزینه‌ها:

(۱) زیر چشممان ماهی‌هایی عجیب زندگی می‌کند.

(۲) عکّاسی غواصان را در اعماق اقیانوس آسان می‌کند.

(۳) می‌تواند جایگزینی برای منبع تولید برق در جهان امروز ما باشد.

(۴) منبع وجود نور در اعماق اقیانوس است.

■■ مناسب ترین گزینه را در جواب برای ترجمه یا تعریب مشخص کن (۳۵ - ۲۶):

۳ ۲۶ ترجمة كلمات مهم: اعتصموا: چنگ بزنید / حبل الله:

ریسمان خداوند / لا تفرقوا: پراکنده نشوید

اشتباهات بارز سایر گزینه‌ها:

(۱) ریسمان الهی (← ریسمان الله)، چنگ زندن (← چنگ بزنید؛ «اعتصموا» فعل

امر است)، متفرق نشدن (← پراکنده نشوید؛ «لا تفرقوا» نهی است)

(۲) همه شما (← همگی)، متفرق نکنید (← متفرق نشوید)

(۴) ریسمان الهی (← ریسمان الله)، پراکنده نکنید (← پراکنده نشوید)

۱ ۲۷ ترجمة كلمات مهم: الذي: آن‌که، کسی که / لا دین له: هیچ

دینی ندارد

اشتباهات بارز سایر گزینه‌ها:

(۲) ترتیب کلمات در ترجمه به هم خورده است.

(۳) هر کس (← آن‌که)، دین ندارد (← هیچ دینی ندارد؛ «لا»ی نفی جنس داریم).

(۴) «هیچ‌بک» اضافی است، دینی ندارد (← هیچ دینی ندارد)

۴ ۲۸ ترجمة كلمات مهم: البومة: جذ / عینها: چشمش / تحریک:

تکان دادن، حرکت دادن

اشتباهات بارز سایر گزینه‌ها:

(۱) چشمانش (← چشمش؛ «عین» مفرد است)، تکان خوردن (← تکان دادن)

(۲) آفتاب پرست (← جذ)، اداره کردن (← چرخاندن)

(۳) تکان دهد (← بچرخاند)، تکان خوردن (← تکان دادن)، جبران می‌گردد (←

جبران می‌کند؛ «لا تَعُوْضُ» معلوم و متعدد است).

۲ ۲۹ ترجمة كلمات مهم: شرطی الجمارک: پلیس گمرک / صالة

المطار: سالن فرودگاه / چند: پیدا کرد / معجون الأسنان: خمیر دندان

اشتباهات بارز سایر گزینه‌ها:

(۱) «المطار» در جای نادرست ترجمه آمده است، مسوک (← خمیر دندان)

(۳) مأمور (← پلیس)، محوطه (← سالن)، یک حوله (← حوله)، دید (← یافت)

(۴) مأمور (← پلیس)، «المطار» ترجمه نشده است، چند خمیر دندان

(← خمیر دندان)

۲ ۳۰ ترجمة كلمات مهم: يتمنّى: آرزو دارد / الاستعاة بـ: باكمک

اشتباهات بارز سایر گزینه‌ها:

(۱) تمّا می‌کند (← آرزو دارد)، «يتواند» اضافی است، شهرهایش (← شهرها)

(۳) آرزو داشت (← آرزو دارد؛ «يتمنّى» مضارع است)، با استفاده از (← با کمک)

(۴) دوست دارد (← آرزو دارد)، جمله حالیه نداریم، کمک گرفته است (← با کمک)

۱ ۳۱ ترجمة كلمات مهم: يتعايشو تعابشا سلميّاً: همزیستی

مسالمت‌آمیز داشته باشند



٣ ٤٧ برسی سایر گزینه‌ها:

- ۱) «یُخْرُجُ» از باب «إفعال» و مصدر آن «إخراج» است.
- ۲) «يُؤكِّدُ» از باب «تفعيل» و مصدر آن «تأكيد» است.
- ۳) «يَحْتَفَلُ» از باب «افتعال» و مصدر آن «احتفال» است.

١ ٤٨ ترجمه: «غواصانی که شب‌هنگام به اعماق اقیانوس رفتند.»

جمله از نظر معنایی و قواعد به خبر نیاز دارد.

ترجمه و برسی سایر گزینه‌ها:

۲ ترجمه: توکسی هستی که عظمت در آسمان است، («أنت» مبتدا و «الذى» خبر)

۳ ترجمه: سور قوم و بزرگترشان، خادم آن‌ها در سفر است، («سيّد» مبتدا و «خادم» خبر)

۴ ترجمه: صدایی که از مسافتی دور شنیدم، عجیب بود، («صوت» مبتدا و «كان» خبر)

٢ ٤٩ ترجمه و برسی گزینه‌ها:

۱ ترجمه: هیچ شکی نیست که تو دانش‌آموزی نمونه هستی نه تبل. («لا»ی اول از نوع نفی جنس و دومی صرفاً به معنای «نه» است).

۲ ترجمه: هیچ تحملی نداریم برای انجام کارهایی که هیچ فایده‌ای در آن‌ها نیست (هر دو «لا» از نوع نفی جنس هستند).

۳ ترجمه: بر ما تحمیل نکن آن‌چه را به آن‌جای آن‌ها هیچ طاقتی نداریم، (اولی از نوع نهی و دومی از نوع نفی جنس است).

۴ ترجمه: نخورید از غذایی که نام خداوند را بر آن ذکر نمی‌کنید. (اولی از نوع نهی و دومی از نوع نفی فعل مضارع است).

٢ ٥٠ برسی گزینه‌ها:

۱) «لیت: کاش» برای بیان آرزوی محال به کار می‌رود.

۲) یکی از کاربردهای «لعل»، بیان شک است: «لعل: شاید» (یکی از معانی)

۳) «کآن: گویا» غالباً برای شبیه به کار می‌رود.

۴) «هل: آیا» برای پرسش به کار می‌رود.

١ ٣٨ «در اعمق اقیانوس شگفتی‌هایی هست که»؛ [گزینه]

صحیح را برای تکمیل جای خالی مشخص کن:
ترجمه گزینه‌ها:

- ۱) توجه را برمی‌انگیزند.
- ۲) چیزی درباره‌شان نمی‌دانیم.
- ۳) آن را با ارزی‌هایی همیشگی جایگزین می‌کنیم.
- ۴) از آن‌ها برای نورانی ساختن شهرها استفاده می‌کنیم.

٤ ٣٩ «از متن نتیجه می‌گیریم که»؛ [گزینه] صحیح را مشخص کن:
ترجمه گزینه‌ها:

- ۱) ویروس برخلاف باکتری، فایده‌ای دارد.
- ۲) در اعمق اقیانوس، تاریکی‌های شدیدی وجود دارد.
- ۳) هیچ جایی در جهان نیست مگر این که در آن نور باشد.
- ۴) انسان اقدام به کشف عجایب آفرینش نموده است.

■■■ گزینه نادرست را در اعراب و تحلیل صرفی مشخص کن (۴۰ - ۴۲):

١ ٤٠ نفعُ ← تفعیل

٢ ٤١ فاعله ← مفعوله

٣ ٤٢ من المزید الثالثي ← من المجرد الثالثي

■■■ گزینه مناسب را در پاسخ به سوالات زیر مشخص کن (۵۰ - ۴۳):

٢ ٤٣ «المُتَّمَاثِلُ» صحیح است.

٤ ٤٤ ترجمه و برسی گزینه‌ها:

۱ ترجمه: آن‌چه در آن نزاع و جنگ هست. (*) (سرد؛ واژه صحیح «الصراع» کشمکش) است.

۲ ترجمه: عنصری در طبیعت است، ارزش آن از نقره بالاتر است. (*) (مس؛ واژه صحیح «الذهب» طلا) است.

۳ ترجمه: انجام کارهای بد در حق مردم. (*) (بیدی‌ها؛ واژه صحیح «الإساءة» بدی کردن) است.

۴ ترجمه: آن‌چه در آن آسانی و عدم دشواری است. (✓) (آسانی) یاوری ندارد.

فعل‌های گزینه‌ها ماضی‌اند اما به دلیل اسلوب شرط، به صورت مضارع ترجمه می‌شوند.

ترجمه گزینه‌ها:

- ۱) بیوشاند
- ۲) فرستاده شود
- ۳) بیاویزد
- ۴) خوار کند

١ ٤٦ ترجمه عبارت سؤال: «اگر خداوند، کسی را، او هیچ

عالی‌اش مادرش را»

با توجه به معنا در جای خالی اول «تعلّمْ»: یاد گرفت صحیح است نه «علمْ»: یاد داد. ضمناً در جای خالی دوم به فعل متعدد «فَرَحَتْ»: خوشحال کرد نیاز داریم نه فعل لازم (فَرَحَتْ: خوشحال شد).



۳ در آیات ۲۷ تا ۲۹ سوره فرقان می خوانیم: «ای کاش همراه و هم مسیر با پیامبر می شدیم، ای کاش فلان شخص را به عنوان دوست خود انتخاب نمی کردیم، او ما را از یاد خدا بازداشت».

۴ موارد (الف) و (ج) صحیح است و در موارد (ب) و (د) به ترتیب صورت طبیعی عمل و خودرن مال بیتم تابع صورت حقیقی عمل ... نادرست است زیرا اولاً صورت حقیقی عمل و ثانیاً متبع (علت) است نه تابع.

۱ بهشتیان بالاترین نعمت بهشت، یعنی رسیدن به مقام خشنودی بر خدا (رضوان) را بر خود می یابند و از این رستگاری (فلاح) بزرگ (عظیم) مسرورند (شادند) و در آیات سوره معراج می خوانیم: «و آن‌ها که امانت‌ها و عهد خود را رعایت می‌کنند و آن‌ها که به راستی ادای شهادت کنند و آن‌ها که بر نماز مواظیبت دارند آنان در باغ‌های بهشتی گرامی داشته می‌شوند. (تکریم)»

۲ در آیه ۳۲ سوره نمل می خوانیم: آنان که فرشتگان روحشان را می‌گیرند در حالی که پاک و پاکیزه‌اند، به آن‌ها می‌گویند: «سلام بر شما وارد بهشت شوید به خاطر اعمالی که انجام دادید» و این موضوع مؤید تجسم اعمال یعنی صورت حقیقی اعمال است.

۳ در آیات سوره آل عمران می خوانیم: «... و خدا نیکوکاران را دوست دارد و آن‌ها که وقتی مرتکب عمل زشتی می‌شوند یا به خود ستم می‌کنند، به یاد خدا می‌افتد و برای گناهان خود طلب آمرزش می‌کنند» در آیه ۱۸ سوره نساء می خوانیم: «برای کسانی که کارهای زشت انجام دهند و هنگامی که مرگ یکی از آن‌ها فرا رسد می‌گوید: الان توبه کردم، توبه نیست و این‌ها کسانی هستند که عذاب دردنگی برایشان فراهم کردیم».

۴ این بیت مولوی نشان‌دهنده فقر ذاتی انسان است و غنی بالذات بودن خداوند را بیان می‌کند و این موضوع از آیه شریفه «یا ایها النّاس اَنْتُمُ الْفُقَرَاءِ إِلَى اللَّهِ وَ اللَّهُ هُوَ الْغَنِيُّ الْحَمِيدُ: ای مردم شما به خداوند نیازمند هستید و خدا است که [تنها] بی نیاز ستوده است».

۵ در قسمتی از آیه ۳۵ سوره سور می خوانیم: «اللَّهُ نَوْرٌ السَّمَاوَاتِ وَ الْأَرْضِ: خداوند نور آسمان‌ها و زمین است.» یعنی تمام موجودات وجود خود را از او می‌گیرند و به سبب او پیدا و آشکار شده و پا به عرصه هستی می‌گذارند و وجودشان به وجود او وابسته است.

- در آیه ۲۹ سوره الرحمن می خوانیم: «يَسَّالُهُ وَ مَنْ فِي السَّمَاوَاتِ وَ الْأَرْضِ كُلُّ يَوْمٍ هُوَ فِي سَأَنٍ: هر آن‌چه در آسمان‌ها و زمین است پیوسته از او درخواست می‌کند (به همین دلیل) او همواره دست اندرکار امری است».

- از آن‌جا که همه مخلوقات فقیر و وابسته و وامدار خدا هستند، هر لحظه او اراده کند می‌تواند موجودات را نابود کند و این موضوع در عبارت قرآنی «یا ایها النّاس اَنَّهُمُ الْفُقَرَاءِ إِلَى اللَّهِ: ای مردم شما به خداوند نیازمند هستید» تجلی دارد.

۶ ساعت به سازنده خود در بقا نیازمند نیست و ساعت‌ساز فقط نظم‌دهنده است، نه هستی بخش اما موجودات جهان در بقای خود به خداوند نیازمندند.



٣ ٧٢ در آیة ٤٢ سوره فرقان می خوانیم: «أَرَيْتَ مَنِ اتَّخَذَ إِلَهًا، هَوَاءُ أَفَإِنْ تَكُونُ عَلَيْهِ وَكِيلًا: آیا دیدی آن کسی را که هوا نفس خود را معبد خود گرفت، آیا تو می توانی ضامن او باشی [و به دفاع از او بrixیزی؟]»

٣ ٧٣ امروزه بسیاری از انسان‌ها، جهان خلقت را ملک خود تلقی می‌کنند و بدون توجه به نظر مالک حقیقی آن، یعنی خدا، هر گونه که بخواهند در این جهان تصرف می‌کنند، این افراد و جوامع، در واقع خود را مالک ولی و پرورش‌دهنده (رب) جهان می‌پندازند که از جمله پیامدهای آن تخریب محیط زیست، آلوده شدن طبیعت، پیدا شدن جوامع بسیار فقیر در کنار جوامع بسیار ثروتمند و مانند آن‌هاست، برخی از این انسان‌ها مانند فرعون که می‌گفت «آتا ربُّکُمُ الْأَعْلَى» و خود را پروردگار بزرگ مردم معرفی می‌کرد، خود را مالک دیگر جوامع می‌پندازند و برای آن‌ها تصمیم‌گیری می‌کنند.

٢ ٧٤ در بیت «بر آستان جانان گر سر توان نهادن...» سربلندتر شدن انسان از موجودات آسمانی (ملائک)، نتیجه ایمان به خدا و سرسپردگی و اطاعت از خداوند ذکر شده است، یعنی زندگی توحیدی.

٤ ٧٥ از این آیه که خداوند «همواره دست اندرکار امری است» می‌فهمیم دائمًا امور عالم را تدبیر (توحید در رویت) می‌کند (فال مایشاء) و لطف و فیضش دائمی و آن به آن است.

٤ ٦٦ بر اساس آیه شریفه «اللَّهُ نُورُ السَّمَاوَاتِ وَ الْأَرْضِ ...» خداوند نور هستی است، یعنی تمام موجودات وجود خود را از او می‌گیرند و وجودشان به وجود او وابسته است (توحید در خالقیت) و شریک ساختن کسی در فرمانروایی خویش مؤید توحید در ولایت است و این موضوع در آیه شریفه: «مَا لَهُمْ مِنْ دُونِهِ مِنْ وَلِيٌّ وَ لَا يَشْرِكُ فِي حُكْمِهِ أَحَدًا: آن‌ها هیج ولی [سپرستی] جز او ندارند و او در فرمانروایی خویش کسی را شریک نمی‌سازد» مشهود است.

٢ ٦٧ اگر بگوییم چرا خدا خالق است پاسخ این است که علت خالقیت علیت آن است که در عبارت قرآنی «وَ هُوَ الْوَاحِدُ الْقَهَّارُ» تجلی دارد که همان اصل و حقیقت توحید است و علیت ولایت الهی مالکیت است یعنی هر کس مالک چیزی باشد حق تصرف و تغییر در آن چیز را دارد و این موضوع در عبارت قرآنی «وَ لِلَّهِ مَا فِي السَّمَاوَاتِ وَ مَا فِي الْأَرْضِ» تجلی دارد.

١ ٦٨ در بخشی از آیه ١٦ سوره رعد می خوانیم: «... أَمْ جَلَلُوا لِلَّهِ شُرُكَاءَ خَلَقُوا كَخَلْقِهِ فَتَشَابَهَ الْخَلْقُ عَلَيْهِمْ قُلِّ الْلَّهُ خَالِقُ كُلِّ شَيْءٍ وَ هُوَ الْوَاحِدُ الْقَهَّارُ؛ یا آن‌ها شریک‌هایی برای خدا قرار داده‌اند که [آن شریکان هم] مثل خداوند آفرینش داشته‌اند و در نتیجه [این دو] آفرینش بر آنان مشتبه شده است [و از این رو شریکان را نیز مستحق عبادت دیده‌اند] بگو خدا آفریننده هر چیزی است و او یکتای مقندر است.»

٣ ٦٩ افکار و اعتقادات هر فرد مهم‌ترین عامل در تبیین هدف‌ها و رفتارهای اوست و هر فردی متناسب با اعتقادات خویش، مسیر زندگی خود را انتخاب و بر همان اساس رفتار خواهد کرد.

٣ ٧٥ - پیامد رویگردانی از خداوند «انقلَبْ عَلَى وَجْهِهِ» خسran و زیان دنیوی و اخروی است که در کلام قرآنی به آن زیان آشکار گویند «ذلِكَ هُوَ الْخُسْرَانُ الْبَيِّنُ» بخش اول همهٔ گرینه‌ها درست هستند.
- خاستگاه عبودیت الهی، رویت خداوند است که این موضوع را در آیه شریفه «إِنَّ اللَّهَ رَبِّيْ وَ رَبُّكُمْ فَاعْبُدُوهُ هَذَا صِرَاطٌ مُسْتَقِيمٌ؛ همانا خداوند پروردگار من و پروردگار شماست پس او را بندگی کنید [که] این راه راست [و درست] است» مشاهده می‌کنیم.

- علت (متیوع) دوستی نگرفتن دشمنان خدا (لا تَتَخِذُوا عَدُوَّيْ وَ عَدُوَّكُمْ أَوْيَاءَ) عبارت قرآنی «وَ قَدْ كَفَرُوا بِمَا جَاءُوكُمْ مِنَ الْحَقِّ؛ حال آن که به دین حقی که برای شما آمده است، کفر ورزیده‌اند» می‌باشد.

١ ٧١ عبادت‌کنندگان از روی تردید همان است که در آیه ١١ سوره مبارکه حج آمده است: «وَ مِنَ النَّاسِ مَنْ يَعْبُدُ اللَّهَ عَلَى حَرْفٍ فَإِنْ أَصَابَهُ وَ حَيْرَنَ اطْمَانَ بِهِ وَ إِنْ أَصَابَتْهُ فِتْنَةٌ انْقَلَبَ عَلَى وَجْهِهِ خَسِرَ الدُّنْيَا وَ الْآخِرَةَ ... : از مردم کسی هست که خدا را بر یک جانب و کناره‌ای [نها] به زیان و هنگام وسعت و آسودگی] عبادت و بندگی می‌کند (عبادت‌کنندگان از روی تردید) پس اگر خیری به او رسد، دلش به آن آرام می‌گیرد و اگر بلایی به او رسد، از خدا رویگردان می‌شود. او در دنیا و آخرت [هر دو] زیان می‌بیند» این آیه مؤید شرک عملی در بعد فردی است.



۲ دریاچه‌های آرژانتین بسیار زیاد هستند، اگرچه تعداد نسبتاً **۸۳**

کمی [از آن‌ها] به اندازه کافی بزرگ هستند که سزاوار داشتن نامی در نقشه عمومی معمولی باشند.

- (۱) دما
- (۲) معمولی
- (۳) مناسب
- (۴) الهام، وحی

۴ او زیاد شبیه به یک زن انتزاعی نیست و شاید دقیقاً بر همین **۸۴**

اساس، شعرهایی که توسط او نگاشته شده، توسط افراد بی‌شماری جدی در نظر گرفته شده است.

- (۱) کیفیت
- (۲) آزمایش
- (۳) مذهب
- (۴) بی‌شمار

۴ با این حال ابن‌سینا چهل روز در خانه یک شیخ مخفی ماند، تا **۸۵**

این که حمله تازه‌ای از بیماری باعث شد تا امیر او را به پست خود بازگرداند.

- (۱) محافظت
- (۲) چرخش
- (۳) خلق، تولید
- (۴) حمله

۱ وقتی فکر کردم ممکن است برن آن کسی نباشد که آن **۸۶**

آپارتمان را در اسکرانتون اجاره کرده، من تعجب کردم که چگونه او را از عکسش تشخیص دادید.

- (۱) تعجب کردن
- (۲) درخواست کردن، تقاضا کردن
- (۳) تجربه کردن
- (۴) الهام بخشیدن

۳ هر مرحله بعد از آن شماره‌گذاری شده است، معمولاً با یک **۸۷**

پیکان که به جهتی که پا باید حرکت کند، اشاره می‌کند.

- (۱) کبوتر
- (۲) دامان
- (۳) فلش، پیکان، نیزه
- (۴) توسعه

از بزریل تا اندونزی تا غنا، می‌توانید درخت بسیار خاصی پیدا کنید – درخت کاکائو. در داخل هر میوه این درخت ۲۰ تا ۴۰ دانه کاکائو وجود دارد. این دانه‌ها به شکلات طعم خاصی را می‌بخشد. ابتدا دانه‌ها از میوه جدا می‌شوند. پس از آن، برخی افراد آن‌ها را خشک می‌کنند. در این زمان، طعم آشنا کاکائو شکل می‌گیرد. سپس آن‌ها را به کارخانه می‌فرستند. در کارخانه، دانه‌ها نفت داده می‌شوند. سپس قسمت‌های داخلی دانه‌ها آماده فرایندی است که آن‌ها را مایع می‌کند. به محض این که دانه‌ها مایع می‌شوند، برای بقیه مواد آماده هستند. سپس شیر با شکر مخلوط می‌شود. پس از خشک شدن مخلوط جدید، کره کاکائو به آن اضافه می‌شود. در این مرحله، کارگران باید بسیار مراقب باشند، زیرا ممکن است در این قسمت اشتباهی کند. این به شکلات طعم خاص و شکل خامه‌ای اش را می‌بخشد. یک خمیر ایجاد شده و در ظروف بزرگ ریخته می‌شود تا سرد شود. تخته‌های شکلات با ریختن خمیر در قالب‌ها درست می‌شود. در نهایت، خمیر سرد می‌شود تا زمانی که به [شکل] آبنبات تبدیل شود. اکنون، آماده پسته‌بندی است. و سپس باز کردن بسته و خوردن [آن]! در پایان یک شکلات خوشمزه وجود دارد که به مردم فروخته می‌شود.

زبان انگلیسی

۴ عنصر پلوتونیوم در فوریه [سال] ۱۹۴۱ توسط برنده جایزة **۷۶**

نوبل گلن تی. سیبورگ و همکارانش کشف شد.

توضیح: فعل “discover” (کشف کردن) در اینجا جزء افعال متعدد است و به (the element Plutonium) مفعول این فعل پیش از جای خالی قرار گرفته است، در جای خالی به فعل مجھول نیاز داریم و پاسخ در بین گزینه‌های (۲)، (۳) و (۴) است.

دقت کنید: چون فعل مجھول در زمان معینی از گذشته (سال ۱۹۴۱) انجام شده و به اتمام رسیده است، آن را در زمان گذشته ساده نیاز داریم.

۱ در [سال] ۱۹۱۱ مونالیزا (لبخند ژوکوند) اثر لئوناردو داوینچی

توسط یک کارمند موزه دزدیده شد ولی دو سال بعد هنگامی که دزد در تلاش بود تا این شاھکار را به یک کلکسیونر بفروشد [دوباره] پیدا شد.

توضیح: هر دو فعل “steal” (دردیدن) و “find” (پیدا کردن، یافتن) در اینجا جزء افعال متعدد هستند و به مفعول نیاز دارند. با توجه به این که در هر دو مورد مفعول (the Mona Lisa) پیش از جای خالی قرار گرفته است، در هر دو جای خالی به فعل مجھول نیاز داریم و تنها گزینه (۱) می‌تواند صحیح باشد.

۲ با احتیاط راندگی کردن یکی از مهم‌ترین کارهایی است [که] شما

می‌توانید برای حفاظت از خودتان و خانواده‌تان از تصادفات و جراحات انجام دهید.

توضیح: با توجه به مفهوم جمله و اشاره آن به مهم‌ترین موارد، در جای خالی به صفت عالی نیاز داریم که شکل صحیح آن در گزینه (۲) آمده است.

۳ ایتالیا یکی از مشهورترین مقاصد گردشگری جهان است.

توضیح: با توجه به این که در اینجا هدف مقایسه ایتالیا با تمامی سایر مقاصد گردشگری می‌باشد پس نیازمند صفت عالی هستیم و گزینه‌های (۲) و (۴) را حذف می‌کنیم. در گزینه (۱) نیز شکل صحیح باید “tourist destinations” باشد.

۱ به این ترتیب بود که او یاد گرفت که از کلمات، صدا و دید به درستی استفاده کند که ایده‌های خارج از تجربه‌اش را بیان می‌کنند.

- (۱) بیان کردن
- (۲) قدردانی کردن
- (۳) اهدای کردن
- (۴) تمرين کردن

۲ اگر با یک کودک بزرگ‌تر کار می‌کنید، جوک گفتن یا استفاده کردن از وسایل خنده‌دار را در نظر بگیرید تا یک لبخند طبیعی را برانگیزد.

- (۱) افزایش دادن
- (۲) ظاهر شدن، برانگیختن
- (۳) حمل کردن
- (۴) دنبال کردن

۳ اگرچه مطالعات آزمایشگاهی به ندرت انجام می‌شود، پژوهش ممکن است آزمایشات خون یا برش جراحت‌های اضافی تری را به منظور تأیید تشخیص و رد سایر علت‌ها تجویز کند.

- (۱) دفاع کردن
- (۲) تأسیس کردن
- (۳) تأیید کردن
- (۴) درک کردن



٩٣ ٣ متن اساساً به چه موضوعی مربوط می‌شود؟

- ۱) به نام و رفتار افرادی توجه کنید که در شرکتی که در آن مصاحبه دارید [آنها] را می‌بینید.
 ۲) روز قبل از مصاحبه از غذای خود لذت ببرید و مراقب خواب خود باشید.
 ۳) به مردم اهمیت دهید و در همه شرایط به آن‌ها رفتارهای محبت‌آمیز نشان دهید.
 ۴) لباس‌هایی که می‌پوشید بسیار مهم است و مردم شما را با آن لباس‌ها قضاوت می‌کنند.

٩٤ ٢ چرا بلا از کمک نکردن به آن زن غریبه پشیمان بود؟

- ۱) زیرا او درک کرد که عمل مهربانی قدر عالی است.
 ۲) زیرا او از این واقعیت مطلع شد که مصاحبه‌کننده و خانم نزدیک آسانسور، یک نفر بودند.
 ۳) زیرا او در به دست آوردن شغلی که سال‌ها دوست داشت ناکام ماند.
 ۴) زیرا او مدت زیادی منتظر مانده بود و به این رویداد بسیار فکر کرده بود.

٩٥ ١ با توجه به متن، عبارت «وانمود کردم که [صدای] او را

نشنیده‌ام» در سطر ۱۲ به چه معناست؟

- ۱) طوری رفتار کردن که گویی صدای او را نشنیده بود
 ۲) تظاهر به کر بودن

۳) او را به این فکر و اداشتن که نه می‌تواند [صدای] او را بشنود، نه او را ببیند

۴) تظاهر به این که تمایلی به صحبت با او ندارد

٩٦ ١ با توجه به متن، همه موارد زیر در مورد مقاله نادرست‌اند،
به جز.....

۱) او شب قبل از مصاحبه زود به رختخواب رفت

۲) او برای خوردن صبحانه در بالکن آپارتمانش عجله کرد

۳) او کت و شلواری را پوشید که خواهر فداکارش برایش خریده بود

۴) او نگران رزومه خود بود

بسیاری از مردم می‌گویند پلوتو دیگر یک سیاره نیست. آیا آن‌ها درست می‌گویند؟ آیا پلوتو دیگر یک سیاره نیست؟ در جهان علم در مورد این موضوع بحث وجود دارد. نشان جئوگرافیک نیوز می‌گوید که طبق [اعلام] اتحادیه بین‌المللی نجوم، یک سیاره کامل، یک جسم است که به دور خورشید می‌چرخد و به اندازه کافی بزرگ است که بر اثر نیروی گرانش خود گرد شده باشد. از آن جا که پلوتو این استانداردها را برآورده نمی‌کند، IAU پلوتو را به عنوان یک سیاره کوتوله طبقه‌بندی می‌کند.

اما همه قبول ندارند که این یک روش خوب برای تصمیم‌گیری است. اندی چنگ، دانشمند [مطالعات] سیارات در دانشگاه جان هاپکینز، می‌گوید که قوانین جدید به اندازه کافی واضح نیستند و این سؤال را مطرح می‌کند [که] «چقدر گرد، گرد است؟» او گفت: «من همچنان بر این باورم که پلوتو یک سیاره است.»

٨٨ ٣ توضیح: با توجه با این‌که انجام‌دهنده کار در جمله مشخص نیست، می‌توان فهمید که برای تکمیل معنای جمله نیاز به فعل مجہول داریم، پس گزینه (۱) جواب درستی نیست. هم‌چنین با توجه به این‌که نیازی به استفاده از فعل آینده نیست، از بین گزینه‌های (۲) و (۳) گزینه‌ای انتخاب می‌شود که با نهاد جمع ما تطابق داشته باشد، یعنی گزینه (۳).

٨٩ ۱) به محض این‌که

۲) زودتر از

۳) به زودی

۴) به زود

٩٠ ٤ توضیح: با توجه به بقیه افعال استفاده شده‌ای که در متن قابل مشاهده است، برای گزارش چیزهایی که همیشه حقیقت دارند و اتفاق می‌افتدند، از زمان حال ساده بهره گرفته می‌شود، پس با توجه به فاعل غیرقابل شمارشی که مفرد محسوب می‌شود، گزینه (۴) جواب صحیح است.

٩١ ۱) اشتباهی کردن

۲) اشتباهی انجام دادن

۳) زیرگریه زدن

۴) ساختن قطرات

٩٢ ۱) خوشمزه شکلات

۲) شکلات خوشمزه

۳) به اندازه شکلات خوشمزه

۴) شکلات خوشمزه‌تر

توضیح: در این سؤال چون متن قصد مقایسه چیزی را با شکلات ندارد، پس صفت خوشمزه (tasty) نباید صفت تقاضی باشد، هم‌چنین چون چیزی را با شکلات ندارد، پس صفت خوشمزه از لحاظ خوشمزگی همانند نمی‌کند، پس وجود دو حرف "as" در دو طرف صفت بی‌فایده است. در زبان انگلیسی اول صفت (tasty) و بعد موصوف (chocolate) قرار می‌گیرد. پس گزینه (۲) جواب درست خواهد بود.

بالاخره آن روزی که بسیار منتظرش بودم، فرا رسیده بود. مصاحبه‌ای برای شغلی که سالماهast خواسته‌ام، داشتم. مطمئن شدم زود می‌خواهم تا سرحال و زود بیدار شوم. من از خواب بیدار شدم، دوش گرفتم و از صبحانه بدون عجله [او] آرام در بالکن آپارتمانم لذت بردم. سپس لباس پوشیدم و کت و شلواری را پوشیدم که دوست فداکارم برايم خریده بود. موهايم را درست کردم و کمی آريش کردم. احساس اعتماد به نفس می‌کردم، عجیب منتظر مصاحبه بودم. من تجربه زیادی داشتم و به رزومه خود افتخار می‌کردم. وقتی چک کردم که همه چیز موردنی از مرا دارم، نفس عمیقی کشیدم و به سمت ماشینم راه افتادم. تا [محل] مصاحبه من با ماشین بیست دقیقه راه بود. ترافیک روان بود و وقتی به پارکینگ رسیدم، پیدا کردن جا آسان بود. ماشینم را پارک کردم و [با] قدم‌های [معمولی] به سمت ورودی اصلی ساختمان حرکت کردم. در زدیکی آسانسورها، یک زن خوشلباس را دیدم که جلوی من ایستاده بود [او] پرونده‌های زیادی حمل می‌کرد و موبایلش زنگ می‌خورد. با مهربانی به تلفن جواب داد. همان طور که او به تلفن پاسخ می‌داد، تمام پرونده‌های خود را رها کرد و کاغذهایش در همه جا پراکنده شد. او به من نگاه کرد و گفت: «ببخشید، آیا می‌توانید به من کمک کنید تا این اوراق مهم را بردارم؟» من وانمود کردم که [صدای] او را نشنیده‌ام و در خواست او را کاملاً نادیده گرفتم. با خودم گفت: «بل، این زمان [مناسبی] برای مؤدب بودن نیست»، «من نمی‌خواهم دیر کنم و باید در این مصاحبه عالی باشم». پس از پانزده دقیقه انتظار در اتاق انتظار، وارد اتاق مصاحبه شدم و با وحشت [متوجه شدم] مصاحبه‌کننده من همان زنی بود که در پذیرش به او کمک نکرده بودم.



ریاضیات

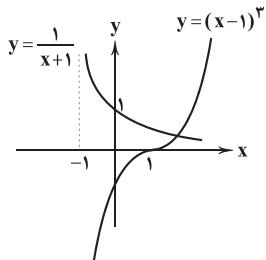
$$x(x^3 - 3x^2 + 3x - 1) + (x-1)^3 = 1$$

۱۰۱

$$\Rightarrow x(x-1)^3 + (x-1)^3 = 1 \Rightarrow (x-1)^3(x+1) = 1$$

$$\xrightarrow{x \neq -1} (x-1)^3 = \frac{1}{x+1}$$

دو تابع $(-x)$ و $\frac{1}{x+1}$ را رسم می‌کنیم:



برای x های مثبت فقط یک نقطه برخورد دارند.

۲ طبق توضیحات سؤال تابع f ، صعودی اکید است.

$$f(3-|x|) > f\left(\frac{2}{|x|}\right) \Rightarrow 3-|x| > \frac{2}{|x|} \xrightarrow{x \neq 0} 3|x| - |x|^2 > 2$$

$$\Rightarrow |x|^3 - 3|x| + 2 < 0 \Rightarrow (|x|-1)(|x|-2) < 0 \Rightarrow 1 < |x| < 2$$

۳ مفهوم سؤال بازه‌ای است که تابع f ثابت باشد.

$$x \leq 0 \Rightarrow f(x) = -x - x + 1 - 2x = 1 - 4x$$

$$0 < x < 1 \Rightarrow f(x) = x - x + 1 - 2x = 1 - 2x$$

$$x \geq 1 \Rightarrow f(x) = x + x - 1 - 2x = -1$$

تابع در فاصله $[1, +\infty)$ ثابت است، پس حداقل مقدار a برابر ۱ است.

۱۰۴

$$f(x) = (8x^9 - 12x^6 + 6x^3 - 1) + mx^3(x^2 + 1)^n + mn$$

پرانتر اول درجه ۹ است، پس باید پرانتر دوم هم از درجه نهم باشد و ضرایب آنها قرینه شود تا هم ساده شوند پس:

$$n=3, m=-8 \Rightarrow f(x) = (2x^3 - 8x^3 - 1)(x^3 + 1) = -24$$

$$\Rightarrow f(1) = 1 - 8(2)^3 - 24 = 1 - 64 - 24 = -87$$

۱ شرط این که تابع $|cx+d|$ روی \mathbb{R} اکیداً

نژولی باشد این است که اولاً $a < 0$ و ثانیاً $|c| > |a|$ باشد. پس برای

آن که $f(x)$ اکیداً نژولی باشد:

$$|-2| > \left|\frac{4}{a}\right| \Rightarrow \frac{4}{|a|} < 2 \xrightarrow{a \neq 0} |a| > 2$$

۱۰۶

$$f(-2) = 0 \Rightarrow -8 + 4 + 16k = 0 \Rightarrow k = \frac{1}{4}$$

برای محاسبه باقی مانده f بر -2^2 کافی است به جای x^2 عدد ۲ بگذاریم:

$$f(x) = xx^2 + x^2 + \frac{1}{4}(x^2)^2 \Rightarrow R(x) = 2x + 2 + 1 = 2x + 3$$

اوون گینگریج منجم و مورخ در دانشگاه هاروارد در کمبیریج، ماساچوست و رئیس کمیته IAU است که این تعریف را ارائه می‌دهد. او به تمایز خاصی برای پلوتو قائل بود. گینگریج پیشنهاد داد که هشت سیاره بزرگ را سیاره‌های کلاسیک بنامیم – برخلاف «سیارات» ساده [در یک طرف] – و پلوتو و بقیه سیارات کوتوله [در طرف دیگر]. بنابراین دو دسته سیاره وجود خواهد داشت. او معتقد است که طبقه‌بندی مجدد پلوتو به عنوان یک سیاره کوتوله «نسبت به نقش تاریخی و فرهنگی ای که پلوتو بازی کرده است دقیق» نیست. بحث ادامه دارد. در عین حال، بسیاری از مردم درست می‌گویند – کتاب‌های درسی جدید پلوتو را به عنوان یک سیاره کوتوله ذکر می‌کنند. نظر شما چیست؟

۲ با توجه به متن، همه موارد زیر در مورد مقاله درست هستند،

به جزء

۱) یک بحث دائمی وجود دارد که آیا پلوتو یک سیاره استاندارد است یا نه، ولی آن به صورت رسمی به عنوان سیاره کوتوله شناخته می‌شود

۲) اندی چنگ معتقد است که نمی‌توان پلوتو را به عنوان یک سیاره استاندارد در نظر گرفت، زیرا به اندازه کافی گرد نیست

۳) دسته‌بندی اوون گینگریج از سیارات کلاسیک شامل پلوتو نمی‌شود

۴) IAU معتقد است که سیارات باید بتوانند بارها و بارها به دور خورشید بچرخدند و باید به اندازه کافی بزرگ باشند تا به دلیل گرانش خودشان گرد شده باشند

۲ کلمه "this" در سطر ۶ به چه چیزی اشاره دارد؟

۱) صحبت رایج درباره این که پلوتو یک سیاره استاندارد نیست

۲) این واقعیت که اندازه و گردی سیارات باید عاملی باشد برای تصمیم‌گیری در مورد این که کدامیک یک سیاره استاندارد است

۳) ایده اندی چنگ که دانشمند [مطالعات] سیارات است و اطلاعاتی در مورد سیارات دارد

۴) استانداردهای IAU در مورد فاکتورهای سیارات کوتوله

۳ موضوع اصلی بیان شده در متن چیست؟

۱) اعتبار سخنان دانشمندان بزرگ درباره منظمه شمسی

۲) چگونه یک سیاره به عنوان یک سیاره استاندارد در نظر گرفته می‌شود

۳) اختلاف نظر و نظرات مختلف در مورد این واقعیت که پلوتو یک سیاره است یا نه

۴) اهمیت نظر IAU در مورد همه سیارات منظمه شمسی و این واقعیت که هیچ‌کس نمی‌تواند پلوتو را به عنوان یک سیاره در نظر بگیرد اگر آن‌ها [پلوتو را سیاره در نظر] نگیرند

۱) چرا IAU پلوتو را به عنوان یک سیاره کوتوله طبقه‌بندی می‌کند؟

۱) زیرا پلوتو استانداردهای اتحادیه بین‌المللی نجوم را برآورده نمی‌کند.

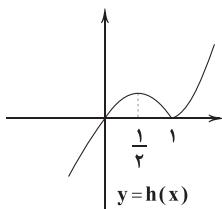
۲) زیرا پلوتو یک سیاره کامل نیست.

۳) چون پلوتو به دور خورشید نمی‌چرخد.

۴) چون پلوتو به اندازه کافی بزرگ است که بر اثر نیروی جاذبه خودش گرد شده باشد.



۱۰۷ امتحان تقسیم را می‌نویسیم.

۱۱۰ تابع $h(x)$ غیریکنواست، نمودار آن را بینید:

$$h(x) = \begin{cases} x(x-1) & x \geq 1 \\ -x(x-1) & x < 1 \end{cases}$$

۱۱۱

$$(18a+3, 18a+12) = d \Rightarrow \begin{cases} d | 18a+12 \\ d | n+7 \end{cases} \Rightarrow d | 9 \Rightarrow d = 1, 3, 9$$

اما d نمی‌تواند عدد ۹ باشد زیرا که $18a+3$ مضرب ۹ نیست بنابراین $d = 1, 3$.

۱۱۲

$$(2n+3, n+7) = d \Rightarrow \begin{cases} d | 2n+3 \\ d | n+7 \end{cases} \Rightarrow d | -2n-14 \Rightarrow d | -11$$

$$d = 11 \Rightarrow n+7 = 11k \Rightarrow n = 11k-7, n < 7.$$

$$\Rightarrow k = 1, 2, 3, 4, 5, 6$$

۱۱۳

$$[a, 36] = 180 \Rightarrow [a, 2^3 \times 3^2] = 2^3 \times 3^2 \times 5^2$$

$$\Rightarrow a = 5^2 \times 2^3 \times \begin{cases} \rightarrow 2^0 = 1 \\ \rightarrow 2^1 \\ \rightarrow 2^2 \end{cases}$$

بنابراین برای عدد طبیعی a , ۳ حالت وجود دارد.

۱۱۴

$$5|2a+3 \xrightarrow{\text{توان ۲}} 25|4a^2 + 12a + 9$$

$$\xrightarrow{\times 2} 25|8a^2 + 24a + 18$$

$$25|25a \Rightarrow 25|8a^2 + 24a + 18 - 25a$$

$$\Rightarrow 25|8a^2 - a + 18, 25|25 \Rightarrow 25|8a^2 - a + 18 + 25$$

$$25|8a^2 - a + 43 \Rightarrow k = -1$$

۱۱۵

$$a^{23}b^6 \equiv 0 \Rightarrow b^6 \equiv 0 \Rightarrow b = 1, 3, 5, 7, 9$$

$$a^{23}b^9 \equiv 0 \Rightarrow a+b+11 \equiv 0 \Rightarrow a+b \equiv 7 \equiv 16$$

b	1	3	5	7	7	9
a	6	4	2	0	9	7

دقت گنید: در حالت $a=0$, عدد ۵ رقمی نخواهد بود.



۱ ۱۲۲

$$A^{-1} = \frac{1}{1 \times 3 - 0 \times (-1)} \begin{bmatrix} 3 & 0 \\ 1 & 1 \end{bmatrix} = \frac{1}{3} \begin{bmatrix} 3 & 0 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}$$

$$A^{-1}B = \frac{1}{3} \begin{bmatrix} 6 & 3 \\ 2 & 3 \end{bmatrix} \Rightarrow \frac{1}{3} \begin{bmatrix} 3 & 0 \\ 1 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} a & 1 \\ 0 & 2 \end{bmatrix} = \frac{1}{3} \begin{bmatrix} 6 & 3 \\ 2 & 3 \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow \begin{bmatrix} 3a & 3 \\ a & 3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 6 & 3 \\ 2 & 3 \end{bmatrix} \Rightarrow a = 2$$

۱ ۱۲۳ می‌دانیم اگر وارون هر ماتریس به نام A را به فرم A^{-1} نشان

$$A^{-1} \times A = A \times A^{-1} = I$$

دھیم خواهیم داشت:

پس داریم:

$$A^T + A^T + A + I = \bar{O}$$

$$\Rightarrow A^T + A^T + A = -I$$

$$\Rightarrow A(A^T + A + I) = -I$$

با توجه به این که

$$A^T = -A^T - A - I$$

$$\Rightarrow AA^T = I$$

بنابراین وارون ماتریس A، ماتریس A^T است.

۱ ۱۲۴ برای این که ماتریس $A + 2B$ وارون پذیر نباشد باید دترمینان

آن برابر صفر شود.

$$A + 2B = \begin{bmatrix} a & -3 \\ 5 & a+2 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} -2 & 6 \\ 4 & 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a-2 & 3 \\ 9 & a+4 \end{bmatrix}$$

حال دترمینان این ماتریس را برابر صفر قرار می‌دهیم:

$$|A + 2B| = 0 \Rightarrow (a-2)(a+4) - 3 \times 9 = 0$$

$$\Rightarrow a^2 + 2a - 8 - 27 = 0 \Rightarrow a^2 + 2a - 35 = 0$$

$$\Rightarrow (a+7)(a-5) = 0 \Rightarrow \begin{cases} a=5 \\ a=-7 \end{cases}$$

$$D = \begin{bmatrix} 3 & 0 \\ -1 & 2 \end{bmatrix}, C = \begin{bmatrix} 5 & 2 \\ 3 & 1 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} 4 & 3 \\ 2 & 1 \end{bmatrix} \quad ۱۲۵$$

مفروض به صورت $BAC = D$ خواهد بود. برای یافتن ماتریس A طرفین این معادله را از راست در C^{-1} و از چپ در B^{-1} ضرب می‌کنیم.

$$\Rightarrow (B^{-1}B)A(CC^{-1}) = B^{-1}DC^{-1}$$

$$\xrightarrow{IA=AI=A} A = B^{-1}DC^{-1}$$

$$C = \begin{bmatrix} 5 & 2 \\ 3 & 1 \end{bmatrix} \Rightarrow C^{-1} = \frac{1}{5-6} \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ -3 & 5 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 & 2 \\ 3 & -5 \end{bmatrix}$$

$$B = \begin{bmatrix} 4 & 3 \\ 2 & 1 \end{bmatrix} \Rightarrow B^{-1} = \frac{1}{4-6} \begin{bmatrix} 1 & -3 \\ -2 & 4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{3}{2} \\ 1 & -2 \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow A = \begin{bmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{3}{2} \\ 1 & -2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 3 & 0 \\ -1 & 2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} -1 & 2 \\ 3 & -5 \end{bmatrix}$$

$$A = \begin{bmatrix} -3 & 3 \\ \dots & \dots \end{bmatrix} \begin{bmatrix} -1 & 2 \\ 3 & -5 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 12 & -21 \\ \dots & \dots \end{bmatrix}$$

۲ ۱۱۶ ابتدا فاصله بین دهم شهریور تا ۲۹ اسفند را به دست می‌آوریم.

$$\text{شهریور} \quad ۲۱ + ۳۰ + ۳۰ + ۳۰ + ۳۰ + ۲۹ \equiv ۰ + ۵(۲) + ۱ \equiv ۱۱ \equiv ۴$$

چهارشنبه	پنجشنبه	جمعه	شنبه	یکشنبه
۴	۳	۲	۱	۰

$$36 \equiv 2 \Rightarrow 36^{425} + a \equiv 0 \Rightarrow 2^{425} + a \equiv 0$$

۳ ۱۱۷

$$2^4 \equiv -1 \Rightarrow (2^4)^{106} \equiv (-1)^{106} \Rightarrow 2^{424} \equiv 1$$

$$\xrightarrow{\times 2} 2^{425} \equiv 2 \Rightarrow 2^{425} + a \equiv 2 + a \equiv 0$$

$$\Rightarrow a_{\min} = 15 \Rightarrow \text{جمع ارقام} = 6$$

۴ ۱۱۸

$$a \stackrel{m}{\equiv} b \xrightarrow{n|m} a \stackrel{n}{\equiv} b$$

نکته ۱:

$$a \stackrel{m}{\equiv} b, a \stackrel{n}{\equiv} b \Rightarrow a \stackrel{[m, n]}{\equiv} b$$

نکته ۲:

$$a \stackrel{12}{\equiv} 8 \stackrel{12}{\equiv} -4 \Rightarrow a \stackrel{[12, 16]}{\equiv} -4 \Rightarrow a \stackrel{48}{\equiv} -4$$

$$\Rightarrow a \stackrel{24}{\equiv} -4 \equiv 20$$

$$a = 171q + r \quad 0 \leq r < 171 \Rightarrow a = 171q + 2q^3 - 3$$

۳ ۱۱۹

$$0 \leq 2q^3 - 3 < 171 \Rightarrow 3 \leq 2q^3 < 174 \Rightarrow 1/5 \leq q^3 < 87$$

عدد a هم ۳ حالت دارد.

۱ ۱۲۰

$$24a \stackrel{6}{\equiv} 15b \xrightarrow{(6, 3)=3} \lambda a \stackrel{6}{\equiv} \delta b \Rightarrow \lambda a \stackrel{2}{\equiv} \delta b, \lambda a \stackrel{2}{\equiv} 0$$

$$\Rightarrow \delta b \stackrel{2}{\equiv} 0 \Rightarrow b \stackrel{2}{\equiv} 0$$

$$24a \stackrel{6}{\equiv} 15b \Rightarrow 24a \stackrel{6}{\equiv} 21b \xrightarrow{(6, 3)=3} \lambda a \stackrel{2}{\equiv} \gamma b$$

۱ ۱۲۱ ماتریس $A^2 - A$ را محاسبه می‌کنیم:

$$A^2 = \begin{bmatrix} 2 & -1 \\ 3 & -1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 & -1 \\ 3 & -1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & -1 \\ 3 & -2 \end{bmatrix}$$

$$A^2 - A = \begin{bmatrix} 1 & -1 \\ 3 & -2 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 2 & -1 \\ 3 & -1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{bmatrix}$$

حال برای محاسبه وارون هر ماتریس به فرم A از رابطه

$$\frac{1}{|A|} \begin{bmatrix} d & -b \\ -c & a \end{bmatrix}$$

$$|A^2 - A| = 1 \Rightarrow (A^2 - A)^{-1} = \frac{1}{1} \times \begin{bmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{bmatrix}$$

ریاضیات | ۱۵

حل ویدئویی سوالات این دفترچه را در
ویسایت DriQ.com مشاهده کنید.

پاسخ دوازدهم ریاضی



$$x=3 \Rightarrow 9-33+b=0 \Rightarrow b=24$$

۴ ۱۳۲

$$x^2 - 11x + 24 = 0 \Rightarrow (x-3)(x-8) = 0 \Rightarrow \begin{cases} x=3 \\ x=8 \end{cases} \Rightarrow a=8$$

$$a+b=8+24=32$$

$$\text{با توجه به این‌که علامت دو طرف ریشه } x=6 \text{ تعییر کرده}$$

۴ ۱۳۳

بنابراین $x=12$ باید درجه اول باشد و $x=-5$ ریشه مخرج است.

$$\frac{a=0}{\cancel{ax^2+bx-12}} \rightarrow bx-12=0 \Rightarrow b=2$$

$$\frac{x=-5}{\cancel{bx-12=0}} \rightarrow 6b-12=0 \Rightarrow b=2$$

ریشه مخرج است

با توجه به جواب‌های به دست آمده و با توجه به این‌که b مثبت است باید برای $x > 6$ حاصل مثبت شود و چون در اینجا منفی نوشته است. بنابراین جواب ندارد.

۳ ۱۳۴

$$\frac{((m^2-6)x^2+2mx-45)(\sqrt{x}-1)(\sqrt{x}-5)}{(2x-5)(|x|-1)} < 0.$$

به ازای $\frac{5}{3} < x < \sqrt{x}-5$ عبارت $-1 < 2x-5 < -1/x$ همواره مثبت است و آن‌ها را در نظر نمی‌گیریم.

$$((m^2-6)x^2+2mx-45)(\sqrt{x}-5) < 0.$$

ریشه $x=25$ است. در نتیجه $x=3$ باید ریشه عبارت اول باشد:

$$\frac{x=3}{(m^2-6)x^2+2mx-45=0} \Rightarrow 9m^2+6m-99=0$$

$$\Rightarrow (m-3)(9m+32)=0 \Rightarrow \begin{cases} m=3 \\ m=-\frac{32}{9} \end{cases}$$

$$|5-2x|+|3y+1|=11 \Rightarrow |3y+1|=11-|5-2x|$$

۲ ۱۳۵

چون $|3y+1| \geq 0$ بنابراین:

$$11-|5-2x| \geq 0 \Rightarrow |5-2x| \leq 11 \Rightarrow -11 \leq 5-2x \leq 11$$

$$\frac{-5}{-16 \leq -2x \leq 6} \rightarrow -3 \leq x \leq 8$$

$\div(-2)$

می‌دانیم $(f+g)(1)=f(1)+g(1)$ در تابع $2f+1$ داریم:

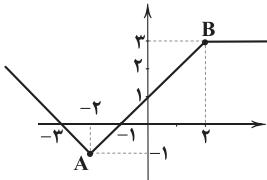
۴ ۱۳۶

$$(2f+1)(1)=-3 \Rightarrow 2f(1)+1=-3 \Rightarrow f(1)=-2$$

در تابع $y=g(2x)$ برای یافتن مقدار $g(1)$ باید مقدار تابع $g(2x)$ را بده

ازای $x=\frac{1}{2}$ پیدا کنیم. برای این کار ابتدا معادله خط AB را می‌نویسیم:

$$AB: y+1 = \frac{3+1}{2+2}(x+2) \Rightarrow y=x+1$$



$$g(1)=\frac{1}{2}+1=\frac{3}{2}$$

بنابراین برای یافتن مقدار $g(1)$ داریم:

$$f(1)+g(1)=-2+\frac{3}{2}=-\frac{1}{2}$$

بنابراین خواهیم داشت:

باشد ۲ خط بر هم منطبق باشند در نتیجه:

۲ ۱۲۶

$$\frac{2m+1}{-7m} = \frac{-m}{m+6} = \frac{-1}{m} \quad (1)$$

دو معادله به دست می‌آید که باید هر دو معادله را حل کنیم یا یکی را حل کنیم و جواب به دست آمده را در معادله دوم صدق دهیم:

$$\frac{2m+1}{-7m} = \frac{-1}{m} \Rightarrow 2m^2+m=7m$$

$$\Rightarrow 2m^2-6m=0 \Rightarrow 2m(m-3)=0 \Rightarrow m=0 \text{ یا } m=3$$

$m=3$ قابل قبول است چون در رابطه (1) صدق می‌کند.

۴ ۱۲۷

دو خط موازی و غیرمنطبق هستند. پس داریم:

$$\begin{cases} ax+by=c \\ a'x+b'y=c' \end{cases} \xrightarrow{\text{فاقد جواب}} \frac{a}{a'} = \frac{b}{b'} \neq \frac{c}{c'}$$

$$\frac{m-1}{3} = \frac{4}{m+3} \neq \frac{6}{9} \quad (1)$$

$$\Rightarrow \frac{m-1}{3} = \frac{4}{m+3} \Rightarrow m^2+2m-15=0$$

$$\Rightarrow (m+5)(m-3)=0 \Rightarrow m=-5 \text{ یا } m=3$$

با بررسی فقط $m=-5$ قابل قبول است. زیرا در رابطه (1) صدق می‌کند.

۱ ۱۲۸

$$|A|=k(-k+2)-1=-k^2+2k-1=-(k-1)^2, k \neq 1$$

$$A^{-1} = \frac{1}{-(k-1)^2} \begin{bmatrix} -k+2 & -1 \\ -1 & k \end{bmatrix}, k \neq 1$$

$$\Rightarrow A^{-1} = \frac{-1}{(k-1)^2} \times \underbrace{(k+(-k+2)+(-1)+(-1))}_{\text{مجموع درایه‌های}} = 0.$$

۲ ۱۲۹

$$A^{-1} = I - A \Rightarrow A(I-A) = I \Rightarrow A - A^2 = I \Rightarrow A^2 = A - I$$

$$\Rightarrow A^2 = -(I-A) = -A^{-1} \Rightarrow A^2 = -A^{-1}$$

حال کافی است طرفین را در A^2 ضرب کنیم:

$$A^4 = -A^{-1} \times A^2 = -A^{-1}AA = -IA = -A$$

۱ ۱۳۰

ابتدا ماتریس X را به دست می‌آوریم:

$$X = \begin{bmatrix} 5 & 3 \\ 2 & 1 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 3 & 4 \\ 5 & -1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 & -1 \\ -3 & 2 \end{bmatrix}$$

حال وارون این ماتریس را به دست می‌آوریم:

$$X^{-1} = \frac{1}{2 \times 2 - (-1) \times (-3)} \begin{bmatrix} 2 & 1 \\ 3 & 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 & 1 \\ 3 & 2 \end{bmatrix}$$

سمت راست ریشه، منفی است بنابراین باید ضرب X منفی باشد:

$$a+2 < 0 \Rightarrow a < -2$$

همچنین در $x=a+1$ عبارت صفر می‌شود. بنابراین:

$$(a+2)(a+1)+a-2=0 \Rightarrow a^2+3a+2+a-2=0$$

$$\Rightarrow a^2+4a=0 \Rightarrow a(a+4)=0 \Rightarrow \begin{cases} a=0 \\ a=-4 \end{cases}$$

$a=0$ قابل قبول نیست زیرا باید ضرب X منفی باشد.

تابع $f(x)$ در بازه $(2, +\infty]$ منفی و در بازه $(2, 0)$ مثبت است.

x	۰	۱	۲
$f(x)$	-	-	+
$x^2 - 3x + 2$	+	-	+
$\frac{x^2 - 3x + 2}{f(x)}$	-	+	0

برای دامنه تابع $g(x)$ داریم:

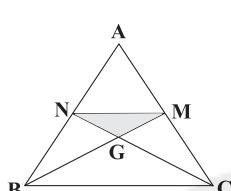
$$\frac{x^2 - 3x + 2}{f(x)} \geq 0 \Rightarrow x \in [1, +\infty) - \{2\}$$

$$\Delta GMN \sim \Delta GBC$$

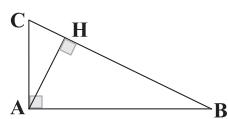
$$\Rightarrow \frac{S_{\Delta GMN}}{S_{\Delta GBC}} = \left(\frac{MN}{BC}\right)^2 = \frac{1}{4}$$

$$S_{\Delta GBC} = \frac{1}{2} S_{\Delta ABC}$$

$$\Rightarrow S_{\Delta GMN} = \frac{1}{2} \times \frac{1}{4} S_{\Delta ABC} = \frac{1}{12} S_{\Delta ABC}$$

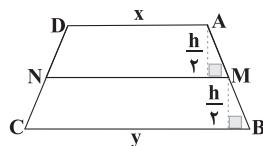


۴ ۱۴۱



$$\Delta ABH \sim \Delta AHC \Rightarrow \frac{S_{ABH}}{S_{AHC}} = \left(\frac{BH}{AH}\right)^2 = \left(\frac{AB}{AC}\right)^2 = \left(\frac{2}{3}\right)^2 = \frac{4}{9}$$

$$\Rightarrow \frac{S_{\Delta ABH}}{S_{\Delta ABC}} = \frac{4}{9}$$



$$AD = x, BC = y$$

$$MN = \frac{x+y}{2}$$

$$\frac{S_{MBCN}}{S_{AMND}} = \frac{1}{2} \Rightarrow \frac{\frac{1}{2}(y + \frac{x+y}{2}) \times \frac{h}{2}}{\frac{1}{2}(x + \frac{x+y}{2}) \times \frac{h}{2}} = \frac{3}{2}$$

$$\Rightarrow \frac{3y+x}{3x+y} = \frac{3}{2} \Rightarrow 6y+2x = 9x+3y$$

$$\Rightarrow 3y = 7x \Rightarrow \frac{y}{x} = \frac{7}{3}$$

که MN می‌دانیم:

$$g(\frac{\Delta \alpha}{\gamma}) = g(-10) = -5$$

۳ ۱۳۷ برای دامنه تابع $g - f$ داریم:
حل ویدئویی سوالات این دفترچه را در
وبسایت DriQ.com مشاهده کنید.

$$D_{f-g} = D_f \cap D_g = \{2\}$$

از طرفی برای دامنه توابع f و $g(x)$ داریم:

$$D_f : 2x - 3a \geq 0 \Rightarrow x \geq \frac{3a}{2}$$

$$D_g : b - 3x \geq 0 \Rightarrow x \leq \frac{b}{3}$$

برای آنکه اشتراک دامنه‌های توابع f و g تنها عدد ۲ باشد باید داشته باشیم:

$$\frac{3a}{2} = \frac{b}{3} = 2 \Rightarrow \begin{cases} a = \frac{4}{3} \\ b = 6 \end{cases}$$

بنابراین می‌توان نوشت:

$$(2f - g)(2) = \frac{k}{2} \Rightarrow 2f(2) - g(2) = \frac{k}{2} \Rightarrow 2(0+k+1) - (0-2k) = \frac{k}{2}$$

$$\Rightarrow 4k+2 = \frac{k}{2} \Rightarrow \frac{7k}{2} = -2 \Rightarrow k = -\frac{4}{7}$$

و در نهایت داریم:

$$3a+b-7k=4+6+\frac{4}{7}=14$$

۳ ۱۳۸

$$((fog)+(gof))(1) = (fog)(1) + (gof)(1)$$

$$= f(g(1)) + g(f(1)) = f(2) + g(4) = 1 + 3 = 4$$

۲ ۱۳۹ ابتدا وارون تابع $f(x)$ را به دست می‌آوریم:

$$y = -x^2 + 4x + 1 \Rightarrow y = -x^2 + 4x - 4 + 5 \Rightarrow y = -(x-2)^2 + 5$$

$$\Rightarrow (x-2)^2 = 5-y \Rightarrow |x-2| = \sqrt{5-y} \xrightarrow{x \leq 2} -x+2 = \sqrt{5-y}$$

$$\Rightarrow x = 2 - \sqrt{5-y} \Rightarrow f^{-1}(x) = 2 - \sqrt{5-x}$$

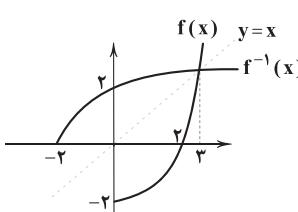
حال تابع $(x)^{-1}$ را با تابع $g(x)$ قطع می‌دهیم:

$$2 - \sqrt{5-x} = \frac{2x+5}{3} \Rightarrow 6 - 3\sqrt{5-x} = 2x+5 \Rightarrow 3\sqrt{5-x} = -2x+1$$

$$\Rightarrow 4x^2 - 9x - 4x^2 - 4x + 1 = 0 \Rightarrow 4x^2 + 5x - 4 = 0$$

$$\Rightarrow (x+4)(4x-1) = 0 \Rightarrow \begin{cases} x = \frac{11}{4} \\ x = -4 \end{cases} \Rightarrow \alpha = -4$$

$$g(\frac{\Delta \alpha}{\gamma}) = g(-10) = -5$$

۴ ۱۴۰ اگر قرینه نمودار $(x)^{-1}$ را نسبت به خط $y=x$ رسم کنیمنمودار $f(x)$ به شکل زیر به دست می‌آید.

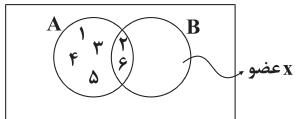


۳ ۱۴۸ اگر بخواهیم از دیدگاه نمودار ون به مسئله نگاه کنیم، طبق

شکل زیر برای مجموعه $B - A$ داریم:

$$n(B - A) = x$$

بنابراین $n(A \cup B) = x + 6$ خواهد بود.



حال می‌توان گفت:

$$n(B - A) \times n(A \cup B) = (x) \times (x + 6) = 40 \Rightarrow x = 4$$

بنابراین مجموعه B دارای ۶ عضو خواهد بود.

۲ ۱۴۹

I) $A \cap (A \cup B') \equiv A$

$$\begin{aligned} \text{II)} (B \cap C) \cup (B' \cup A) &= (B \cup (B' \cup A)) \cap (C \cup (B' \cup A)) \\ &= ((B \cup B') \cup A) \cap (C \cup (B' \cup A)) \\ &= U \cap (C \cup (B' \cup A)) = A \cup (B' \cup C) \end{aligned}$$

(I), (II): $A \cap [A \cup (B' \cup C)] \equiv A$

متتم مجموعه حاصل A' است.

۴ ۱۵۰ بررسی گزینه‌ها:

$$(B - A')' = (B \cap A)' \quad (1)$$

$$(B - (A' \cap B'))' = (B - (A \cup B'))' \quad (2)$$

$$= (B \cap (A \cup B'))' = (B')'$$

$$B \subseteq A \Rightarrow A' \subseteq B' \Rightarrow A' \cup B' = B' \quad (3)$$

$$B - (B' \cap A') = B - (B \cup A)' = B \cap (A \cup B) = B \quad (4)$$

۴ ۱۵۱ در این گونه عبارات باید دامنه‌ها با هم و بردّها با هم اشتراک

گرفته شود:

$$(C \times A) \cap (B \times C) = (C \cap B) \times (A \cap C)$$

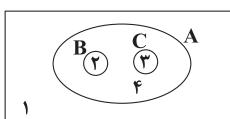
از آن جایی که $A \subseteq B \subseteq C$ است. پس:

بنابراین:

$$(C \cap B) \times (A \cap C) = B \times A$$

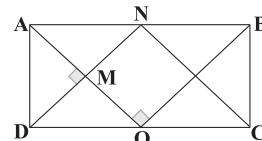
خواهد بود.

۴ ۱۵۲ می‌توان با داده‌های مسئله یک نمودار ون را رسم کرد:



$$[(A \cap B) - (A \cap C)] \cup [(A \cap C) - (A \cap B)] = \{2\} \cup \{3\} = B \cup C$$

۳ ۱۴۴ می‌دانیم از تقاطع نیمسازهای داخلی مستطیل یک مربع حاصل می‌شود. حال طول ضلع مربع را به دست می‌آوریم. مثلثهای AMD و AOB قائم‌الزاویه و متساوی‌الساقین هستند.



$$AM = DM \Rightarrow AD^2 = AM^2 + DM^2$$

$$\frac{AD=b}{AB=a} \Rightarrow b^2 = 2AM^2 \Rightarrow AM = \frac{\sqrt{2}}{2}b$$

$$OA = OB \Rightarrow AB^2 = OB^2 + OA^2$$

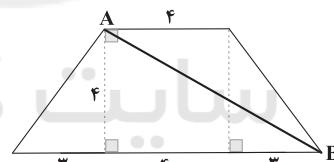
$$\frac{AB=a}{AB=a} \Rightarrow a^2 = 2OA^2 \Rightarrow OA = \frac{\sqrt{2}}{2}a$$

$$\begin{aligned} OM &= OA - AM = \frac{\sqrt{2}}{2}a - \frac{\sqrt{2}}{2}b \\ &= \frac{\sqrt{2}}{2}(a - b) \end{aligned}$$

$$\text{مساحت مربع} = \left(\frac{\sqrt{2}}{2}(a - b)\right)^2 = \frac{1}{2}(a - b)^2$$

۳ ۱۴۵ می‌دانید که اگر وسط‌های یک ذوزنقه متساوی‌الساقین را به هم وصل کنیم چهارضلعی حاصل لوزی خواهد بود که محیط آن برابر است با مجموع دو قطر ذوزنقه متساوی‌الساقین.

ب) در ذوزنقه متساوی‌الساقین قطرها با هم برابرند.



$$AB = \sqrt{4^2 + 7^2} = \sqrt{16 + 49} = \sqrt{65}$$

مجموع دو قطر = محیط چهارضلعی حاصل \rightarrow قطرها برابرند

۱ ۱۴۶ محور طول نقاط با طول اعداد طبیعی (خطهای عمودی) و محور عرض نقاط با عرض اعداد حقیقی به جز عدد ۱ است. بنابراین نمودار به شکل گزینه (۱) است.

۱ ۱۴۷ با توجه به تعریف ضرب دکارتی مؤلفه X نقاط داده شده عضوهای مجموعه A و مؤلفه y نقاط داده شده، عضوهای مجموعه B هستند:

$$A = \{-1, 0, 1, 2\}, B = \{1, 2, 3\}$$

اکنون می‌دانیم:

$$(A \times A) \cap (B \times B) = (A \cap B) \times (A \cap B) = \{1, 2\} \times \{1, 2\}$$

بنابراین ۴ عضو خواهد داشت.

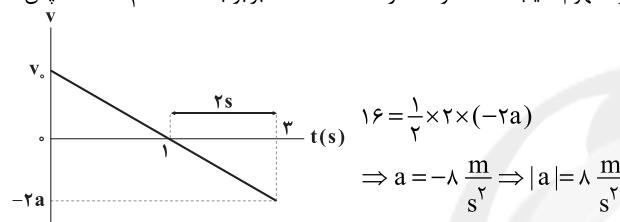


فیزیک

سرعت اولیه متحرک، همان شب خطا مماس بر نمودار **۱۵۶**

مکان - زمان در لحظه $t = 0$ است، پس چون شب خطا مماس بر نمودار در این لحظه مثبت است، سرعت اولیه متحرک نیز مثبت است. تقدیر یا گودی نمودار، معرف شتاب متحرک است. از آنجایی که تقدیر نمودار به سمت پایین است، بنابراین شتاب متحرک، منفی است. **(۰)**

در لحظه $t = 1s$ متحرک دارای نقطه بارگشت (سرعت متحرک، صفر شده است) است و در لحظه $t = 3s$ متحرک از مبدأ مکان عبور کرده است و همچنین از نمودار مکان - زمان مشخص است که متحرک از لحظه $t = 1s$ تا لحظه $t = 3s$ ، به اندازه $16m$ جابه جا شده است، این جابه جایی معادل با مساحت زیر نمودار سرعت - زمان در همین بازه زمانی است، بنابراین با استفاده از مفهوم شب خطا، سرعت در لحظه $t = 3s$ برابر با $v = -2a$ است، پس:



با توجه به مفهوم شب در نمودار سرعت - زمان، در بازه زمانی $1s \leq t \leq 3s$

سرعت اولیه متحرک برابر با $v_0 = 8 \frac{m}{s}$ خواهد شد.

اندازه جابه جایی این متحرک در این بازه زمانی همان مساحت زیر نمودار

$$\Delta x_1 = \frac{1}{2} \times 1 \times 8 = 4m$$

سرعت - زمان است، بنابراین:

مسافت طی شده توسط متحرک از لحظه شروع حرکت تا لحظه ای که از مبدأ $1 = 4 + 16 = 20m$ مکان عبور می کند، برابر است با:

۱۵۷ همان طور که در صورت سؤال ذکر شده است، بزرگی شتاب

متوسط متحرک در مرحله حرکت تندشونده، یعنی بازه زمانی $0 \leq t \leq 6s$ ، $\frac{1}{4}$

برابر بزرگی شتاب متوسط متحرک در مرحله حرکت کندشونده، یعنی بازه زمانی $21s \leq t \leq 26s$ است.

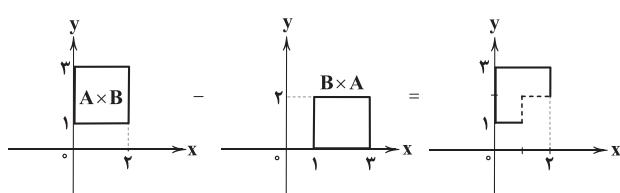
از طرفی اندازه شتاب متوسط از رابطه $a_{av} = \frac{\Delta v}{\Delta t}$ به دست می آید، پس داریم:

$$|a_{av}| = 4 |a_{av}|_{کندشونده} \Rightarrow |\frac{v - v_0}{t_{تندشونده}}| = 4 |\frac{v - 9}{21 - 6}| = 4 |\frac{v - 9}{15}|$$

$$\Rightarrow \frac{v}{15} = 4 \left(\frac{v - 9}{6} \right) \Rightarrow v = 10 \frac{m}{s}$$

از آنجایی که جهت حرکت را علامت سرعت مشخص می کند، بنابراین در **۲۱** ثانیه اول حرکت که علامت سرعت، مثبت است، متحرک همواره در جهت محور Xها حرکت کرده است، یعنی تغییر جهت نداده است، بنابراین تندی متوسط متحرک با اندازه سرعت متوسط آن برابر است، بنابراین جابه جایی یا مسافت طی شده همان مساحت زیر نمودار سرعت - زمان است، پس داریم:

$$\frac{s_{av}}{v_{av}_{تند}} = \frac{\frac{1}{2} \times 15 \times 10}{\frac{15}{(9+10) \times \frac{6}{2}}} = \frac{5}{\frac{19}{2}} = \frac{10}{19}$$



۱۵۴ از آنجایی که A و B هیچ کدام تهی نیستند

$A \times B = B \times A$ می باشد پس می توان نتیجه گرفت $A = B$ است. برای مساوی بودن این دو مجموعه الزاماً باید $x = 5 - 2 = 3$ شود. حال دو حالت پیش رو داریم:

$$1) \begin{cases} y + 3 = 4 \\ z - 1 = -2 \end{cases} \Rightarrow y = 1, z = -1 \Rightarrow x - y + z = 5 \quad \times$$

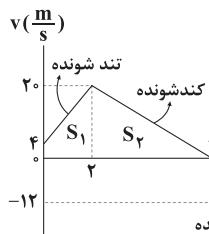
$$2) \begin{cases} y + 3 = -2 \\ z - 1 = 4 \end{cases} \Rightarrow y = -5, z = 5 \Rightarrow x - y + z = 17 \quad \checkmark$$

۱۵۵

$$i=1 \Rightarrow A_1 = \{n \in \mathbb{Z} \mid \frac{n}{3} > -1 \wedge 2^n \leq 3\} = \{-2, -1, 0, 1\}$$

$$i=3 \Rightarrow A_3 = \{n \in \mathbb{Z} \mid \frac{n}{3} > -3 \wedge 2^n \leq 9\} = \{-8, -7, \dots, +3\}$$

بنابراین مجموعه $A_3 \times A_1 = 12 \times 4 = 48$ دارای عضو است.



حال نمودار سرعت - زمان این متحرک را رسم می‌کنیم. توجه داشته باشید مساحت زیر نمودار سرعت - زمان معادل با جابه‌جایی متحرک است، بنابراین نسبت خواسته شده برابر است با:

$$\frac{|S_1| + |S_3|}{|S_2|} = \frac{\left(\frac{4+2}{2} \times 2\right) + \left(\frac{1}{2} \times 3 \times 12\right)}{\left(\frac{1}{2} \times 5 \times 20\right)} = \frac{24 + 18}{50} = \frac{42}{50} = \frac{21}{25}$$

بررسی عبارت‌ها: ۱۶۰

(الف) هنگامی‌که جسم در یک صفحه حرکت می‌کند، متحرک می‌تواند تغییر جهت

دهد، ولی سرعت آن صفر نشود، مانند حرکت یک پرتابه در صفحه قائم. (✗)

(ب) ممکن است، سرعت متحرکی صفر شود، ولی شتاب آن صفر نشود. مثلاً در

پرتاب یک جسم در شرایط خلا در امتداد قائم رو به بالا، در نقطه اوج

(بیشترین ارتفاع از سطح زمین)، تندی جسم صفر است، ولی شتاب حرکت

جسم برابر شتاب گرانش زمین (g) است. (✗)

(ج) بردار مکان یک متحرک بر روی محور x فقط در ${}^{\circ}$ تغییر جهت می‌دهد.

در حالی‌که ممکن است متحرک در $x > 0$ یا $x < 0$ قرار داشته باشد و بردار سرعت

آن تغییر جهت دهد. (✗)

(د) فرض کنید شناگری از یک طرف عرض استخراج شروع به شناکردن نموده، پس

از گذشت مدت زمان مشخص به نقطه شروع حرکت بازگردد، در این صورت

جابه‌جایی شناگر، صفر است، ولی مسافت طی شده توسط شناگر صفر نیست. (✓)

(۱) شرط این‌که بردار مکان تغییر جهت دهد این است که متحرک

از $x = 0$ (مبدأ مکان) بگذرد، یعنی هم‌زمان هم باید $x = 0$ شود و هم

$x = 0$ مکان جسم تغییر علامت دهد.

$$x = t^3 - 9t + 20 \xrightarrow{x=0} t^3 - 9t + 20 = 0 \Rightarrow (t-4)(t-5) = 0$$

$$\Rightarrow \begin{cases} t = 4s \\ t = 5s \end{cases}$$

با استفاده از جدول تعیین علامت داریم:

x	+	-	+	
$t^3 - 9t + 20$	+	-	+	

(۲) با توجه به این‌که مکان متحرک در لحظات $t = 5s$

$t = 7s$ با هم برابر است. در وسط این دو لحظه، جهت حرکت تغییر کرده

است، به عبارتی:

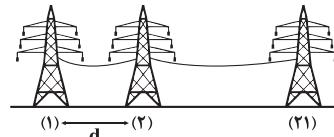
$$t = \frac{5+7}{2} = 6s \quad \text{تغییر جهت}$$

شرط برابر بودن تندی متوسط و سرعت متوسط متحرک، عدم تغییر جهت حرکت متحرک در آن بازه زمانی است که تنها در گزینه (۳) این شرایط برقرار است.

(۴) همان‌طور که از صورت سوال پیداست، از زمان حرکت صحبتی نشده است، پس بهتر است از معادله سرعت - جابه‌جایی در حرکت با شتاب ثابت، استفاده کنیم:

$$v^2 - v_0^2 = 2ad \Rightarrow 10^2 - 5^2 = 2ad \Rightarrow 75 = 2ad \Rightarrow a = \frac{75}{2d}$$

فاصله تیر برق بیست و یکم از تیر برق سوم برابر می‌شود با ۱۸ تا فاصله دو تیر برق متوالی، بنابراین دوباره با کمک معادله سرعت - جابه‌جایی در حرکت با شتاب ثابت داریم:

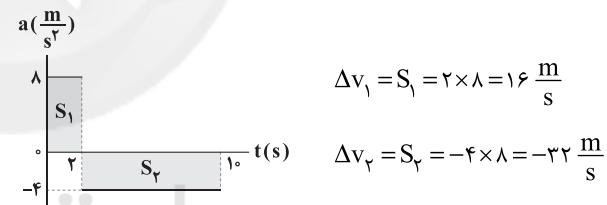


$$v^2 - 25 = 2a(18d) \xrightarrow{a = \frac{75}{2d}} v^2 - 25 = 2 \times \frac{75}{2d} \times 18d$$

$$\Rightarrow v^2 = 1375 \Rightarrow v = \sqrt{1375} \frac{m}{s}$$

(۳) ابتدا سرعت متحرک را در لحظات $t = 0$ و $t = 2s$ می‌دانیم:

به دست می‌آوریم و سپس نمودار سرعت - زمان متحرک را رسم کرده و از روی این نمودار مسافت‌های خواسته شده را به دست می‌آوریم. سطح زیر نمودار شتاب - زمان برابر با تغییرات سرعت متحرک می‌باشد، بنابراین:



با کمک معادله مستقل از شتاب، جابه‌جایی هر بخش را به دست می‌آوریم:

$$v: v_0 \xrightarrow{\Delta v_1 = 16 \frac{m}{s}} v_0 + 16 \xrightarrow{\Delta v_2 = -32 \frac{m}{s}} v_0 - 16$$

$$\begin{cases} \Delta x_1 = \frac{v_0 + (v_0 + 16)}{2} \times 2 \\ \Delta x_2 = \frac{(v_0 + 16) + (v_0 - 16)}{2} \times 8 \end{cases} \Rightarrow \Delta x_{\text{کل}} = 10v_0 + 16$$

از آن جایی که در 10 ثانیه اول حرکت، سرعت متوسط متحرک برابر با $\frac{5}{6} \frac{m}{s}$ است، می‌توان نوشت:

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \Rightarrow \frac{5}{6} = \frac{10v_0 + 16}{10} \Rightarrow v_0 = 4 \frac{m}{s}$$

به کمک سرعت اولیه متحرک می‌توان سرعت آن در لحظات $t = 2s$ و $t = 10s$ را محاسبه کرد، پس داریم:

$$\begin{cases} v_{t=2s} = v_0 + 16 = 20 \frac{m}{s} \\ v_{t=10s} = v_0 - 16 = -12 \frac{m}{s} \end{cases}$$



۱۶۶ ابتدا باید معادله حرکت دو متحرک A و B را به دست بیاوریم، هر دو متحرک با سرعت ثابت حرکت می‌کنند، بنابراین از معادله مکان - زمان در حرکت با سرعت ثابت استفاده می‌کنیم و می‌دانیم شیب نمودار مکان - زمان برابر سرعت حرکت متحرک است، پس ابتدا سرعت جسم A را حساب می‌کنیم:

$$v_A = \frac{0 - 1}{5 - 0} = -\frac{1}{5} \text{ m/s}$$

با توجه به این‌که دو نمودار برهمنامه عمودند، شیب و سرعت نمودار B از رابطه زیر محاسبه می‌شود:

$$v_A \times v_B = -1 \Rightarrow -2 \times v_B = -1 \Rightarrow v_B = \frac{1}{2} \text{ m/s}$$

بنابراین معادله مکان - زمان برای دو متحرک برابر است با:

$$x_A = v_A t + x_0 = -2t + 10$$

$$x_B = v_B t + x_0 = \frac{1}{2}t + 0$$

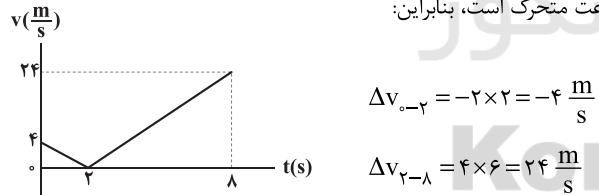
با مساوی قرار دادن معادلات مکان - زمان دو متحرک، لحظه رسیدن دو

$$-2t + 10 = \frac{1}{2}t \Rightarrow \frac{5}{2}t = 10 \Rightarrow t = 4 \text{ s}$$

۱۶۷ با استفاده از معادله سرعت - جایه‌جایی در حرکت با شتاب ثابت داریم:

$$\begin{aligned} x &= \frac{2d}{3} \quad \text{و} \quad x = 0 \Rightarrow 20 - 0 = 2 \times a \times \frac{2d}{3} \\ \Rightarrow ad &= 30 \quad (*) \\ v_2^2 - v_1^2 &= 2a\Delta x : \left\{ \begin{array}{l} x = d, \quad x = 0 \Rightarrow v_2^2 - 0^2 = 2 \times a \times d \\ \Rightarrow v_2^2 = 2ad \xrightarrow{(*)} v_2^2 = 600 \\ \Rightarrow v = \sqrt{600} = 10\sqrt{6} \text{ m/s} \end{array} \right. \end{aligned}$$

۱۶۸ ابتدا نمودار سرعت - زمان جسم را به کمک نمودار شتاب - زمان آن رسم می‌کنیم. می‌دانیم مساحت زیر نمودار شتاب - زمان برابر با تغییرات سرعت متحرک است، بنابراین:



مساحت زیر نمودار سرعت - زمان برابر با جایه‌جایی متحرک می‌باشد، بنابراین جایه‌جایی متحرک در بازه زمانی $t_1 = 2s$ تا $t_2 = 8s$ برابر مساحت مثلث شکل شده است، بنابراین:

$$\Delta x = \frac{6 \times 24}{2} = 72 \text{ m}$$

۱۶۹ همان‌طور که می‌دانیم تندی برابر اندازه سرعت است، بنابراین تساوی تندی‌ها به معنی برابر بودن قدر مطلق سرعت‌ها است:

$$|v_A| = |v_B|$$

$$\Rightarrow \begin{cases} v_A = v_B \Rightarrow -8t + 6 = 6t + 10 \Rightarrow -14t = 4 \Rightarrow t = -\frac{4}{14} \text{ s} \quad (\times) \\ v_A = -v_B \Rightarrow -8t + 6 = -6t - 10 \Rightarrow -2t = -16 \Rightarrow t = 8 \text{ s} \quad (\checkmark) \end{cases}$$

۱۶۳ ابتدا زمان رسیدن به گلوله‌ای که به صورت عمودی حرکت

می‌کند را محاسبه می‌کنیم، بنابراین به کمک روابط سقوط آزاد داریم:

$$\Delta y = -\frac{1}{2}gt^2 + v_0 t \Rightarrow -8 = -5t^2 + 0 \times t \Rightarrow t = 4 \text{ s}$$

به عبارتی گلوله‌ای که در ارتفاع 8 m قرار دارد، پس از 4 s به زمین رسید. در این مدت، گلوله (۱) نیز باید 8 m را طی کند تا در لحظه رسیدن گلوله (۲) به زمین، با هم برخورد کنند، بنابراین سرعت گلوله روی زمین از رابطه زیر محاسبه می‌شود:

$$v = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{8}{4} = 2 \text{ m/s}$$

۱۶۴ سرعت متحرک در مرحله دوم (حرکت در خلاف جهت محور

(X) را v و سرعت متحرک در مرحله اول (حرکت در جهت محور (X)) را v_0 در نظر می‌گیریم. طبق رابطه سرعت متوسط، سرعت متوسط کل برابر است با:

$$v_{av} = \frac{\Delta x_1 + \Delta x_2}{\Delta t_1 + \Delta t_2} = \frac{v_1 \times \Delta t_1 + v_2 \times \Delta t_2}{\Delta t_1 + \Delta t_2}$$

اگر مدت زمان کل حرکت را t در نظر بگیریم، مدت زمان حرکت در مرحله

اول $\frac{t}{4}$ و در مرحله دوم $\frac{3t}{4}$ می‌باشد. با جایگذاری در فرمول بالا، داریم:

$$v_{av} = \frac{2v \times \frac{t}{4} - v \times \frac{3t}{4}}{\frac{t}{4} + \frac{3t}{4}} = \frac{\frac{2vt}{4} - \frac{3vt}{4}}{t} = -\frac{v}{4}$$

بنابراین نسبت خواسته شده برابر است با:

$$\frac{v_{av}}{v_{av_1}} = \frac{-\frac{v}{4}}{\frac{v}{2}} = -\frac{1}{8}$$

۱۶۵ برای محاسبه بیشترین فاصله، ابتدا نیاز است تا معادله حرکت

دو جسم را به دست آورده و از هم کم کنیم. متحرک A با سرعت ثابت و متحرک B با شتاب ثابت و سرعت اولیه صفر از یک نقطه شروع به حرکت کردند. محل شروع حرکت دو متحرک را $x = 0$ در نظر می‌گیریم، بنابراین:

$$x_A = v_A t + x_0 = 20t + 0 = 20t$$

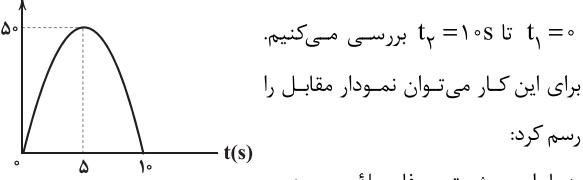
$$x_B = \frac{1}{2}at^2 + v_0 t + x_0 = \frac{1}{2} \times 4 \times t^2 + 0 \times t + 0 = 2t^2$$

با تغفیریق دو معادله حرکت، معادله فاصله دو متحرک به دست می‌آید.

$$|\Delta x| = |x_B - x_A| = |2t^2 - 20t|$$

در آخر رفتار نمودار را در بازه زمانی $t_1 = 0$ تا $t_2 = 10 \text{ s}$ بررسی می‌کنیم.

برای این کار می‌توان نمودار مقابل را رسم کرد:



بنابراین بیشترین فاصله بین دو متحرک، 50 m می‌باشد.



۳ ۱۷۲ شرط تغییر جهت، صفر شدن سرعت و تغییر علامت آن است. به عبارتی جهت حرکت در ریشه‌های غیر مضاعف معادله سرعت - زمان تغییر می‌کند، پس در لحظات $t = 1s$ و $t = 3s$ متوجه تغییر جهت می‌دهد.

۲ ۱۷۳ ابتدا به کمک شب خطا مماس بر نمودار در لحظه $t + 3$ ابتدا به کمک شب خطا مماس بر نمودار در لحظه t :

سرعت متوجه را در این لحظه به دست می‌آوریم:

$$v_{t+3} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{8-0}{t+3-(t+1)} = \frac{8}{2} = 4 \frac{m}{s}$$

حال به کمک معادله سرعت - جایه‌جایی در حرکت با شتاب ثابت، شتاب حرکت را محاسبه می‌کنیم. حواستان باشد که سرعت در لحظه $t = 0$ برابر صفر است، زیرا شب خطا مماس بر نمودار در این لحظه صفر است، بنابراین:

$$\Delta x = x_{\text{نهایی}} - x_{\text{اولیه}} = 8 - (-2) = 10 \text{ m}$$

$$v^2 - v_0^2 = 2a\Delta x \Rightarrow 4^2 = 2 \times a \times 10 \Rightarrow a = \frac{16}{20} = \frac{4}{5} \frac{m}{s^2}$$

حال به کمک قانون دوم نیوتون، اندازه نیروی خالص وارد بر متوجه برابر است

$$F_{\text{net}} = ma = 7/5 \times \frac{4}{5} = 6 \text{ N}$$

با:

۱ ۱۷۴ فقط عبارت «ج» درست است.

بررسی عبارت‌های نادرست:

(الف) نیروهای کنش و واکنش، خلاف جهت یکدیگرند، اما چون به دو جسم مختلف وارد می‌شوند، یکدیگر را خنثی نمی‌کنند.

(ب) شتاب حرکت جسم در جهت نیروی خالص وارد بر آن است، اما جهت حرکت می‌تواند متفاوت باشد، مثل پرتاپ توب به هوا که سرعت در جهت بالا ولی شتاب و نیروی خالص در جهت پایین هستند.

(د) چون سرعت غرق شدن، ثابت است، پس برایند نیروها در راستای قائم باید برابر صفر باشد و نیروهای وزن و شناوری باید با هم برابر باشند.

۳ ۱۷۵ با توجه به فرمول $a = \frac{F}{m}$ شتاب‌هایی را به راحتی می‌توان با

هم مقایسه کرد که F یکسان داشته باشند. مانند گزینه‌های (۲) و (۳). در گزینه (۲) چون مخرج دو کسر برابر است، کسری بزرگ‌تر خواهد بود که صورت آن بزرگ‌تر باشد، یعنی:

$$\frac{F_1}{m_3} > \frac{F_2}{m_4} \Rightarrow a_4 > a_3$$

اما در گزینه (۲) برعکس بیان شده است.

همچنین در مورد گزینه (۳) داریم:

$$m_3 > m_4 \Rightarrow \frac{1}{m_3} < \frac{1}{m_4} \xrightarrow{x=F_1} \frac{F_1}{m_3} < \frac{F_1}{m_4} \Rightarrow a_4 < a_1$$

دقت کنید: در مورد گزینه (۱) اظهار نظر قطعی ممکن نیست. اما در مورد گزینه (۴) چون کوچک‌ترین نیرو، یعنی F_3 به بزرگ‌ترین جرم، یعنی m_3 وارد شده است، بنابراین اندازه شتاب a_3 از اندازه تمامی شتاب‌ها کوچک‌تر است، که در این گزینه برعکس این مطلب بیان شده است.

پس در لحظه $t = 8s$ تندی دو متوجه برابر می‌شود. در ادامه ابتدا معادله مکان - زمان دو متوجه و سپس فاصله دو متوجه از هم در لحظه $t = 8s$ را محاسبه می‌کنیم. از مقایسه معادله سرعت - زمان داده شده با معادله سرعت - زمان در حرکت با شتاب ثابت، داریم:

$$\begin{cases} v_A = -8t + 6 \\ v_A = a_A t + v_{A_0} \end{cases} \Rightarrow a_A = -8 \frac{m}{s^2} \quad v_{A_0} = +6 \frac{m}{s}$$

$$\begin{cases} v_B = 6t + 10 \\ v_B = a_B t + v_{B_0} \end{cases} \Rightarrow a_B = +6 \frac{m}{s^2} \quad v_{B_0} = +10 \frac{m}{s}$$

با جایگذاری شتاب و سرعت اولیه در معادله مکان - زمان در حرکت با شتاب ثابت، معادلات حرکت دو متوجه به دست می‌آید:

$$x_A = \frac{1}{2} a_A t^2 + v_{A_0} t + x_{A_0} = -4t^2 + 6t + x_{A_0}$$

$$x_B = \frac{1}{2} a_B t^2 + v_{B_0} t + x_{B_0} = 3t^2 + 10t + x_{B_0}$$

با جایگذاری شتاب و سرعت اولیه در معادله مکان - زمان در حرکت با شتاب به دست می‌آید:

$$x_A = -4 \times 8^2 + 6 \times 8 + x_{A_0} = -256 + 48 + x_{A_0} = -208 + x_{A_0}$$

$$x_B = 3 \times 8^2 + 10 \times 8 + x_{B_0} = 192 + 80 + x_{B_0} = 272 + x_{B_0}$$

دققت کنید که دو جسم از یک نقطه شروع به حرکت کرده‌اند، بنابراین $x_{A_0} = x_{B_0}$ می‌باشد، پس داریم:

$$|x_B - x_A| = 272 + x_{B_0} - (-208 + x_{A_0}) = 480 \text{ m}$$

۲ ۱۷۰ میزان جایه‌جایی‌ها در t ثانیه‌های متوالی، تشکیل تصاعد

حسابی می‌دهند، بنابراین جایه‌جایی‌ها به صورت زیر می‌شوند:

۱. ثانیه اول مسیر

۲. ثانیه دوم مسیر

۳. ثانیه سوم مسیر

همان‌طور که می‌دانیم، جمله دوم از میانگین جملات اول و سوم به دست

$$\Delta x = \frac{20 + 80}{2} = 50 \text{ m}$$

می‌آید، بنابراین:

در نتیجه جایه‌جایی در ۹ ثانیه اول مسیر برابر است با:

$$\Delta x_{\text{کل}} = 20 + 50 + 80 = 150 \text{ m}$$

۳ ۱۷۱ هرگاه اندازه جایه‌جایی‌های متوجه در دو بازه زمانی در حرکت

با شتاب ثابت با هم برابر باشند، نقطه تقارن (لحظه صفر شدن سرعت) در

میانگین لحظه اول بازه اول و لحظه آخر بازه دوم قرار دارد، بنابراین:

$$\frac{2+8}{2} = 5 \text{ s} \quad \xrightarrow{\text{میانگین}} \text{تقارن} \quad \frac{2+8}{2} = 5 \text{ s} \quad \xrightarrow{\text{دو ثانیه دوم حرکت}} \text{دو ثانیه} \quad \frac{6S-8S}{2} = -2 \text{ s}$$

پس در لحظه $t = 5s$ سرعت متوجه صفر می‌شود بنابراین با استفاده از معادله سرعت - زمان در حرکت با شتاب ثابت داریم:

$$v = at + v_0 \Rightarrow v_0 = 2 \times 5 + v_0 \Rightarrow v_0 = -10 \frac{m}{s}$$



۱ ۱۸۰ از فرمول شتاب متوسط داریم:

$$\bar{a}_{av} = \frac{\Delta \vec{v}}{\Delta t} = \frac{\vec{v}_2 - \vec{v}_1}{\Delta t} = \frac{11\vec{i} + 11\vec{j} - 2\vec{i} + \vec{j}}{3}$$

$$\Rightarrow \bar{a}_{av} = \frac{9\vec{i} + 12\vec{j}}{3} = 3\vec{i} + 4\vec{j} \left(\frac{m}{s} \right)$$

بنابراین اندازه شتاب متوسط برابر است با:

$$a = \sqrt{a_x^2 + a_y^2} = \sqrt{3^2 + 4^2} = 5 \frac{m}{s^2}$$

از قانون دوم نیوتون داریم:

۳ ۱۸۱ دمای آب از $273K$ تا $28K$ افزایش یافته است، به عبارتی:

دمای آب از $0^\circ C$ تا $7^\circ C$ تغییر کرده است. با توجه به تغییرات حجم آب بر حسب دما، حجم آب از دمای $0^\circ C$ تا $4^\circ C$ کاهش و از دمای $4^\circ C$ تا $7^\circ C$ افزایش می‌یابد. اما چون جرم مایع ثابت است، بنابراین فشار ناشی از آب در کف ظرف تغییر نمی‌کند.

دقت کنید: نمی‌توان گفت چون ارتفاع افزایش یافته، پس فشار افزایش می‌یابد، زیرا افزایش ارتفاع باعث کاهش چگالی نیز می‌شود.

۱ ۱۸۲ ابتدا به کمک دو دمای معلوم داده شده، رابطه بین دما بر حسب

درجه سلسیوس (θ) و دمای دماسنچ مجھول (x) را محاسبه می‌کنیم:

$$\begin{aligned} 16^\circ C &\Rightarrow \frac{\theta - (-10)}{16 - (-10)} = \frac{x - (-12)}{40 - (-12)} \\ -10^\circ C &\Rightarrow 2\theta + 20 = x + 12 \\ 0 &\Rightarrow \theta = \frac{x - 8}{2} = \frac{x - 4}{2} \end{aligned}$$

در آخر θ را در رابطه بین θ و F جایگذاری می‌کنیم:

$$\begin{aligned} F = \frac{9}{5}\theta + 32 &\xrightarrow{\theta = \frac{x-4}{2}} F = \frac{9}{5}\left(\frac{x-4}{2}\right) + 32 = \frac{9}{5} \times \frac{x}{2} - \frac{9}{5} \times 4 + 32 \\ \Rightarrow F &= 0.9x + 24.8 \end{aligned}$$

مجموع ضریب انبساط طولی و حجمی برابر است با:

$$\alpha + \beta = 4/8 \times 10^{-5}$$

$$\xrightarrow{\beta = 3\alpha} \alpha + 3\alpha = 4/8 \times 10^{-5} \Rightarrow \alpha = 1/2 \times 10^{-5} K^{-1}$$

بنابراین تغییرات حجم کره بر حسب درصد برابر است با:

$$\begin{aligned} \frac{\Delta V}{V_1} \times 100 &= \frac{Y_2 \beta \Delta \theta}{Y_1} \times 100 \\ &= 3\alpha \Delta \theta \times 100 = 3 \times 1/2 \times 10^{-5} \times 100 = 1.5 \times 10^{-5} = 0.00015\% \end{aligned}$$

بنابراین حجم کره 0.00015% درصد افزایش می‌یابد.

۲ ۱۷۶ بزرگترین شتاب مربوط به زمانی است که هر سه نیرو در یک

جهت به جسم وارد شوند، در این صورت داریم:

$$a_{max} = \frac{F_{net,max}}{m} = \frac{12+9+6}{3} = \frac{27}{3} = 9 \frac{m}{s^2}$$

کوچکترین شتاب مربوط به زمانی است که سه نیرو تشکیل مثلث داده و

برایند آنها صفر شود:

$$\Delta a = a_{max} - a_{min} = 9 - 0 = 9 \frac{m}{s^2}$$

بنابراین:

۳ ۱۷۷ ابتدا با استفاده از قانون دوم

نیوتون، اندازه شتاب حرکت را زمانی که نیرو به

جبهه وارد می‌شود، به دست می‌آوریم:

$$a = \frac{F_{net}}{m} = \frac{30 - 20}{2} = 5 \frac{m}{s^2}$$

حال جابه‌جایی را با این شتاب محاسبه می‌کنیم:

$$\Delta y_1 = \frac{1}{2}at^2 + y_0 t = \frac{1}{2} \times 5 \times 2^2 \Rightarrow \Delta y_1 = 10 m$$

اندازه سرعت جعبه در این لحظه برابر است با:

$$v_1 = at + v_0 \Rightarrow v_1 = 5 \times 2 + 0 = 10 \frac{m}{s}$$

وقتی نخ پاره می‌شود، یعنی تنها نیروی وزن جعبه به آن وارد می‌شود، بنابراین

شتتاب حرکت جعبه همان شتاب گرانش زمین است. بنابراین با استفاده از

معادله سرعت - جابه‌جایی در حرکت با شتاب ثابت می‌توانیم به دست آوریم که

جبهه از این لحظه به بعد چند متر دیگر بالا می‌رود، بنابراین:

$$y_2 - v_1^2 = -2g\Delta y_2 \Rightarrow 0 - 10^2 = -2 \times 10 \times \Delta y_2 \Rightarrow \Delta y_2 = 5 m$$

پس کل ارتفاعی که جعبه بالا رفته عبارت است از:

جبهه وقتی به نقطه اوج خود (بیشترین ارتفاع از سطح زمین) می‌رسد، سرعت

لحظه‌ای آن صفر می‌شود و سپس شروع به حرکت به سمت زمین می‌کند (سقوط)

می‌کند)، بنابراین با استفاده از معادله سرعت - جابه‌جایی در حرکت با شتاب ثابت داریم:

$$v_3^2 - v_2^2 = -2g\Delta y \Rightarrow v_3^2 - 0 = -2 \times 10 \times (-15) \Rightarrow v_3 = 30 m$$

$$\Rightarrow v_3 = 30 \Rightarrow v_3 = 10\sqrt{3} \frac{m}{s}$$

۲ ۱۷۸ علت این پدیده، قانون اول نیوتون (لختی) است که با گزینه (۲)

همانند است. هر دو به دلیل تمایل جسم برای حفظ حالت خود اتفاق می‌افتد.

دلیل گزینه‌های (۱)، (۳) و (۴) به ترتیب سقوط آزاد، قانون دوم نیوتون و

قانون سوم نیوتون است.

۲ ۱۷۹ با توجه به جهت تغیر

نمودار $x-t$ فقط دو بار در لحظات t_1 و t_2

جهت شتاب تغییر کرده و هرگاه جهت شتاب

تغییر کند، جهت نیروی خالص وارد بر جسم

نیز تغییر می‌کند.



۴ ۱۸۸ جرم آب موردنظر برابر است با:

$$m = \rho V = 1 \times 10^3 \times 10^3 = 3 \times 10^5 \text{ g}$$

گرمای لازم برای تبدیل آب 20°C به آب 10°C برابر است با:

$$Q = mc\Delta\theta \Rightarrow Q = 3 \times 10^5 \times 1 \times (100 - 20) = 24 \times 10^6 \text{ cal}$$

گرمای حاصل از سوختن هر گرم زغال برای گرم کردن آب برابر است با:

$$Q_{\text{زغال}} = 1000 \times \frac{6}{100} = 4800 \text{ cal}$$

حالا با نوشتن یک تناسب می‌توانیم جرم زغال موردنیاز را حساب کنیم:

$$\begin{array}{c|c} 1 & \text{گرم} \\ \hline m & 4800 \end{array} \Rightarrow m = \frac{24 \times 10^6}{4800}$$

$$\Rightarrow m = \frac{1}{2} \times 10^4 \text{ g} \Rightarrow m = 5 \text{ kg}$$

۴ ۱۸۹ جرم آب با دمای 10°C برابر است با:

$$m = \rho V = 1 \times 10^3 \times 10^3 = 1000 \text{ g} = 1 \text{ kg}$$

از فرمول دمای تعادل داریم:

$$\begin{aligned} \theta_{\text{تعادل}} &= \frac{m_1 c_1 \theta_1 + m_2 c_2 \theta_2}{m_1 c_1 + m_2 c_2} \xrightarrow{c_1=c_2} \theta_{\text{تعادل}} = \frac{m_1 \theta_1 + m_2 \theta_2}{m_1 + m_2} \\ &\Rightarrow 32 = \frac{(1 \times 10) + (5 \times 65)}{1 + 5} \end{aligned}$$

$$\Rightarrow 16 + 32m_2 = 5 + 65m_2 \Rightarrow 32m_2 = 11 \Rightarrow m_2 = \frac{11}{32} = \frac{1}{3} \text{ kg} \approx \frac{1}{3} \text{ L}$$

۱۹۰ با استفاده از رابطه $P = \frac{Q}{t}$ ، مقدار کل گرمای تولیدشده توسط

گرمکن برابر است با:

$$P = \frac{Q_{\text{کل}}}{t} \Rightarrow Q_{\text{کل}} = P t = 45 \times 40 \text{ J}$$

گرمای لازم برای تغییر دمای مایع از 60°C به 80°C برابر است با:

$$Q_{\text{مفید}} = mc\Delta\theta = 30 \times 10^{-3} \times 10^3 \times (80 - 60) = 60 \text{ J}$$

بنابراین نسبت خواسته شده برابر است با:

$$\frac{Q_{\text{مفید}}}{Q_{\text{کل}}} \times 100 = \frac{60}{45 \times 40} \times 100 = 5\%$$

۱۹۱ مقاومت‌های 3Ω و 5Ω متوالی بوده و معادل آنها 8Ω است. مقاومت 8Ω و $x\Omega$ متوالی هستند که معادل آنها از هر یک از آنها کوچک‌تر است، پس مقاومت معادل آنها از 4Ω کم‌تر است و مقاومت معادل آنها با مقاومت 2Ω متوالی است، پس:

$$R_{\text{eq}} = 2 + R_{x, 4} \Rightarrow 2\Omega < R_{\text{eq}} < 6\Omega$$

۱ ۱۸۴ با توجه به انبساط ظرف (بالن شیشه‌ای)، مایع، انبساط واقعی

انجام نمی‌دهد، یعنی حجم نهایی آن از حجم انبساط واقعی باید کم‌تر باشد.

حجم اولیه مایع برابر است با:

$$\begin{cases} m = 270 \text{ g} \\ \rho = 0.9 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3} \end{cases} \Rightarrow V = \frac{m}{\rho} = \frac{270}{0.9} = 300 \text{ cm}^3$$

اگر مایع انبساط واقعی انجام می‌داد، حجم نهایی آن برابر بود با:

$$\Delta V = V_f \beta \Delta\theta = 300 \times 1 / 1 \times 10^{-3} \times (123 - 93) = 9/9 \text{ cm}^3$$

بنابراین: $\Delta V = V_f - V_i \Rightarrow 9/9 = V_f - 300 \Rightarrow V_f = 309/9 \text{ cm}^3$ پس حال که انبساط واقعی رخ نداده، بالن مدرج، حجم مایع را کم‌تر از $309/9$ سانتی‌متر مکعب نشان می‌دهد.

۴ ۱۸۵ از رابطه تغییرات حجم مایع در اثر تغییرات دما داریم:

$$\begin{cases} \Delta V = V_f \beta \Delta\theta \\ \Delta V = 24 \text{ cm}^3 \\ V_i = \gamma L \xrightarrow{x 10^3} V_i = 2000 \text{ mL} = 2000 \text{ cm}^3 \end{cases} \Rightarrow 24 = 2000 \times \beta \times 6 \Rightarrow \beta = \frac{24}{2000 \times 6} = 2 \times 10^{-3} \text{ K}^{-1}$$

۲ ۱۸۶ با استفاده از روابط تغییرات طول و تغییرات حجم بر حسب

تغییرات دما داریم:

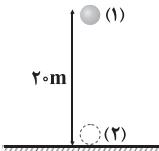
$$\begin{cases} \Delta V = \alpha V_i \Delta\theta_1 \\ \Delta L = L_i \alpha \Delta\theta_2 \end{cases} \Rightarrow \frac{\Delta V}{V_i} = 3 \times \frac{\Delta L}{L_i} \times \frac{\Delta\theta_1}{\Delta\theta_2}$$

$$\Rightarrow \frac{\Delta V}{V_i} = 3 \times \frac{2}{3} \times \frac{6}{15} \Rightarrow \frac{\Delta V}{V_i} = \frac{4}{5}$$

بنابراین درصد تغییرات حجم برابر است با: $\frac{\Delta V}{V_i} \times 100 = \frac{4}{5} \times 100 = 80\%$

۲ ۱۸۷ این سؤال با فصل کار و انرژی ترکیب شده است. اتفاق انرژی

ناریم پس انرژی مکانیکی جسم در تمام طول مسیر، ثابت است:



$$\begin{aligned} E_1 &= E_2 \Rightarrow U_1 + K_1 = U_2 + K_2 \\ &\Rightarrow mgh + \frac{1}{2}mv_1^2 = K_2 \\ &\Rightarrow (m \times 10 \times 20) + \left(\frac{1}{2} \times m \times 10^2\right) = K_2 \Rightarrow K_2 = 250 \text{ m} \end{aligned}$$

حالا طبق گفته سوال 80% این انرژی جنبشی به گرما (Q) تبدیل می‌شود:

$$Q = \frac{80}{100} K_2 = \frac{80}{100} \times 250 \text{ m} = 200 \text{ m}$$

بنابراین با استفاده از رابطه گرما داریم:

$$Q = mc\Delta\theta \Rightarrow 200 \text{ m} = m \times 400 \times \Delta\theta$$

$$\Rightarrow \Delta\theta = \frac{200}{400} = \frac{1}{2} = 0.5^\circ\text{C} \xrightarrow{\text{سلسیوس و کلوین با هم برابرند.}} \Delta T = 0.5\text{ K}$$



۱۹۵ ۳ بررسی عبارت‌ها:

(الف) با حذف آمپرسنج واقعی که مقاومت دارد، یکی از مقاومت‌های متولای را کم کرده، پس مقاومت معادل مدار کم شده و طبق رابطه $I = \frac{\varepsilon}{R_{eq} + r}$

حریان زیاد شده و چون مقاومت معادل بین دو نقطه A و B ثابت بوده ولتاژ V_{AB} زیاد می‌شود. (✓)

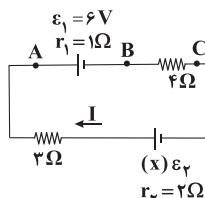
(ب) اگر R را زیاد کنیم، مقاومت معادل مدار زیاد شده و حریان کم شده و با توجه به این‌که مقاومت AB ثابت است، بنابراین ولتاژ AB کم می‌شود. (✗)

(ج) با کم کردن R، مقاومت معادل مدار کم شده و حریان زیاد شده، بنابراین ولتاژ دو نقطه A و B زیاد می‌گردد. (✓)

(د) اگر کلید K را ببندیم، مقاومت معادل بین دو نقطه A و B کم شده (هر چقدر تعداد شاخه‌های موازی زیاد شود، مقاومت معادل آن‌ها کم می‌گردد) و در این صورت مقاومت معادل مدار کم شده و حریان زیاد می‌گردد و ولتاژ AC زیاد و ولتاژ AB کم می‌گردد. (✗)

۱۹۶ باتری با $\varepsilon = 6V$ نمی‌تواند محركه بوده و به مدار انرژی بدهد،

چون اختلاف پتانسیل دو سر باتری از نیروی حرکت آن بیشتر است، پس باتری با $\varepsilon = 6V$ یک باتری مصرف‌کننده می‌باشد که در حال انرژی گرفتن و شارژ شدن است، پس X یک باتری با مقاومت درونی 2Ω می‌باشد و حریان آن در مدار حاکم است، بنابراین:



$$\begin{aligned} V_A - \varepsilon_1 - r_1 I &= V_B \Rightarrow V_A - V_B = \varepsilon_1 + I r_1 \\ \Rightarrow 6 &= 6 + I \times 1 \Rightarrow I = 0A \end{aligned}$$

بنابراین:

$$I = \frac{\varepsilon_2 - \varepsilon_1}{R_{eq} + r_1 + r_2} \Rightarrow 0 = \frac{6 - 6}{3 + 4 + 1 + 2} \Rightarrow \varepsilon_2 = 36V$$

۱۹۷ افت پتانسیل در باتری (e) برابر است با:

$$e = \frac{2}{100} V = \frac{2}{100} (\varepsilon - Ir) \xrightarrow{e = Ir} e = \frac{2}{100} (\varepsilon - e)$$

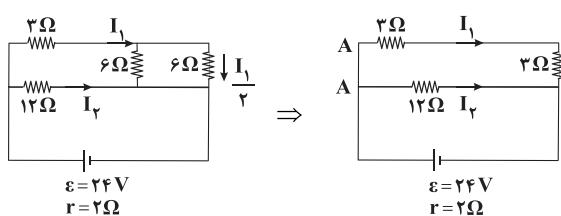
$$\Rightarrow \frac{2}{5} e = \frac{1}{5} e \Rightarrow e = 6e \quad (*)$$

از طرفی می‌دانیم:

$$\frac{V}{\varepsilon} = \frac{R}{R+r} \xrightarrow{V = \varepsilon - e} \frac{\varepsilon - e}{\varepsilon} = \frac{R}{R+r} \xrightarrow{(*)} \frac{\varepsilon e - e}{\varepsilon e} = \frac{R}{R+r}$$

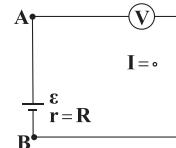
$$\Rightarrow \frac{5e}{\varepsilon e} = \frac{R}{R+r} \Rightarrow 5R + 5r = 6R \Rightarrow R = 5r$$

۱۹۸ مقاومت معادل مدار و حریان گذرنده از هر شاخه برابر است با:



۱۹۲ ۳ وقتی $R_1 = 0$ باشد، یعنی یک سیم، بدون مقاومت باشد،

طبق رابطه $V = IR_1 = 0$ ولتاژ دو سر آن صفر است. وقتی R_1 بی‌نهایت می‌شود، نقش یک ولتسنج ایده‌آل را بازی می‌کند که اجازه عبور جریان را نمی‌دهد، بنابراین مدار به صورت زیر درآمده و ولتاژ دو سر آن برابر ε می‌گردد.

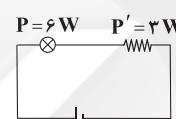


$$V_{AB} = \varepsilon - \cancel{Ir} = \varepsilon$$

۱۹۳ ۲ توان مصرفی لامپ برابر است با:

$$U = Pt \Rightarrow 0/36 \times 1^3 = 60 \times P \Rightarrow P = 6W$$

پس لامپ روی توانی که برای آن طراحی شده است، کار می‌کند. در این صورت اختلاف پتانسیل الکتریکی دو سر آن نیز ۱۲ ولت است، توان خروجی یا مفید باتری به دو توان تقسیم شده، یکی توان لامپ (P = 6W) و دیگری توانی که در یک مقاومت بسته شده به طور متولای به لامپ می‌باشد.



$$P = P + P' \Rightarrow 6 = 6 + P' \Rightarrow P' = 3W$$

حریان عبوری از لامپ و مقاومت برابر است با:

$$P = VI \Rightarrow 6 = 12I \Rightarrow I = 0/5A$$

بنابراین برای مقاومت داریم:

$$P' = R'I \Rightarrow 3 = R' \times \left(\frac{1}{2}\right)^2 \Rightarrow R' = 12\Omega$$

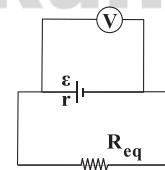
۱۹۴ ۱ در حالت اول که کلید K باز است، داریم:

$$R_{eq} = 4\Omega$$

در حالت دوم که کلید K بسته است، داریم:

$$R'_{eq} = \frac{4 \times R}{4 + R}$$

در یک مدار تک‌حلقه‌ای که ولتاژ دو سر باتری V است، داریم:



$$\frac{V}{\varepsilon} = \frac{R_{eq}}{R_{eq} + r}$$

بنابراین:

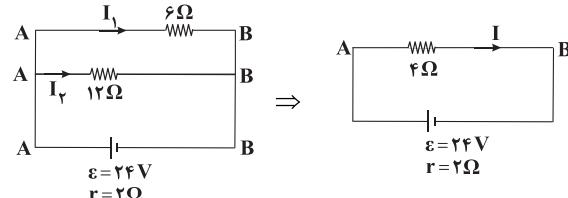
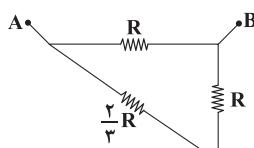
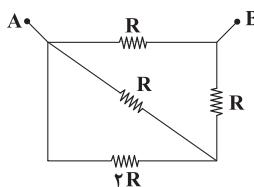
$$\begin{cases} \frac{V}{\varepsilon} = \frac{4}{4+2} \\ \frac{V}{2\varepsilon} = \frac{R'_{eq} + 2}{R'_{eq} + 2} \end{cases} \Rightarrow 2 = \frac{4(R'_{eq} + 2)}{6(R'_{eq})} \Rightarrow R'_{eq} = 1\Omega$$

بنابراین:

$$R'_{eq} = \frac{4 \times R}{4 + R} = 1 \Rightarrow 4R = R + 4 \Rightarrow R = \frac{4}{3} \Omega$$



۲۰۰ مقاومت معادل بین دو نقطه A و B برابر است با:



جريان کل مدار برابر است با:

$$I = \frac{\epsilon}{R_{eq} + r} \Rightarrow I = \frac{24}{4+2} = 4A$$

پس اختلاف پتانسیل دو سری باتری برابر است با:

$$V_{AB} = 4 \times 4 = 16V$$

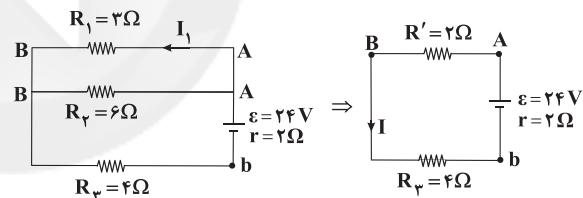
بنابراین جریان های I_1 و I_2 برابر هستند با:

$$\begin{cases} I_1 = \frac{V_{AB}}{6} = \frac{16}{6} = \frac{8}{3}A \\ I_2 = \frac{16}{12} = \frac{4}{3}A \end{cases}$$

بنابراین جریان عبوری از مقاومت 6 اهمی برابر است با:

$$I_1 = \frac{8}{3} = \frac{4}{3}A$$

مدار را ساده می کنیم:



پس جریان کل مدار برابر است با:

$$I = \frac{\epsilon}{R_{eq} + r} = \frac{24}{4+2+2} = 3A$$

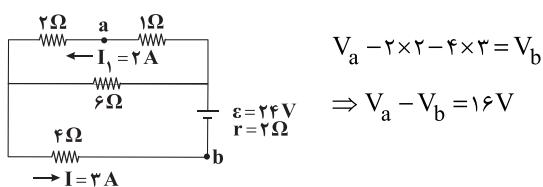
پس اختلاف پتانسیل الکتریکی بین دو نقطه A و B برابر است با:

$$V_{AB} = IR' = 3 \times 2 = 6V$$

پس جریان I_1 برابر است با:

$$I_1 = \frac{V_{AB}}{R_1} = \frac{6}{2} = 3A$$

بنابراین اختلاف پتانسیل الکتریکی بین دو نقطه a و b برابر است با:

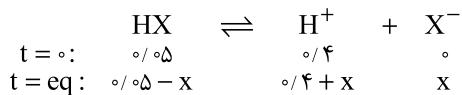




$$\text{HCl} : \text{pH} = 1 \Rightarrow [\text{H}^+] = 10^{-1} \text{ mol.L}^{-1}$$

۲ ۲۰۸

$$\Rightarrow ? \text{ mol H}^+ = 4 \times 10^{-1} \text{ mol.L}^{-1} = 4 \times 10^{-1} \text{ mol H}^+$$



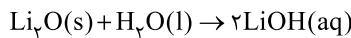
$$K_a(\text{HX}) = \frac{[\text{H}^+][\text{X}^-]}{[\text{HX}]} = \frac{\left(\frac{\circ / 4 + x}{4}\right)\left(\frac{x}{4}\right)}{\left(\frac{\circ / 5 - x}{4}\right)}$$

$$\Rightarrow 4 \times 10^{-4} = \frac{\frac{\circ / 1(x)}{4}}{\left(\frac{\circ / 5 - x}{4}\right)} \Rightarrow x \approx 1/99 \times 10^{-4}$$

$$[\text{HX}]_{\text{تعادلی}} = \frac{(\circ / 5 - 1/99 \times 10^{-4}) \text{ mol}}{4L} \approx 1/24 \times 10^{-4} \text{ mol.L}^{-1}$$

۳ ۲۰۹

E° و G° به ترتیب نافلز نیتروژن و فلز کلسیم هستند. اکسیدی از نیتروژن N_2O_5 را می‌توان اسید آرنسیوس در نظر گرفت. همچنین اکسید فلز کلسیم یعنی CaO ، باز آرنسیوس است.



۲ ۲۱۰

$$\bar{R}_{\text{Li}_2\text{O}} = \frac{|\Delta n|}{\Delta t} \Rightarrow 0.002 \text{ mol.s}^{-1} = \frac{|\Delta n|}{(2 \times 60)} \Rightarrow |\Delta n| = 0.24 \text{ mol}$$

مطابق معادله واکنش بهارای مصرف 0.24 مول لیتیم اکسید، دو برابر آن یعنی 0.48 مول لیتیم هیدروکسید و یا به عبارتی 0.48 مول OH^- تولید می‌شود.

$$[\text{OH}^-] = \frac{0.48 \text{ mol}}{5 \times L} = 9.6 \times 10^{-3} \text{ mol.L}^{-1} \text{ یا } 9.6 \times 10^{-4} \text{ mol.L}^{-1}$$

$$\begin{aligned} \text{pOH} &= -\log[\text{OH}^-] = -\log(9.6 \times 10^{-4}) = -[\log 9.6 + \log 10^{-4}] \\ &= -[\log 2^5 \times 3 + \log 10^{-4}] = -[5 \log 2 + \log 3 + \log 10^{-4}] \\ &= -[5(0.3) + 0.47 - 4] = 2.03 \end{aligned}$$

$$\text{pH} = 14 - \text{pOH} = 14 - 2.03 = 11.97$$

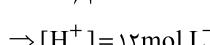
$$\text{Ba(OH)}_2 : \text{pH} = 12/4 \Rightarrow [\text{H}^+] = 10^{-12/4} \quad ۳ ۲۱۱$$

$$\Rightarrow [\text{OH}^-] = 10^{-12/4} = 10^{-3/2} = \frac{1}{10^{1/2}} \times \frac{1}{10^{1/2}} \times 10^{-1}$$

$$= \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times 10^{-1} = 0.025 \text{ mol.L}^{-1}$$

$$\text{HNO}_3 = \frac{10 \times 63 \times 1/2}{63} = 12 \text{ mol.L}^{-1}$$

$$\Rightarrow [\text{H}^+] = 12 \text{ mol.L}^{-1}$$



$$12 \text{ mol.L}^{-1} \times V = 0.025 \text{ mol.L}^{-1} \times 4L$$

$$\Rightarrow V = 8/33 \times 10^{-3} L \equiv 8/33 \text{ ml HNO}_3$$

شیمی

۴ ۲۰۱

از آن جا که pH محلول HI به میزان $1/3$ نسبت به محلول HF کمتر است، می‌توان نتیجه گرفت که غلظت H^+ محلول HI به میزان $= 20/3 = 10/3$ برابر غلظت H^+ محلول HF است. درصد یونش HF نیز نقشی در محاسبات ندارد.

۲ ۲۰۲

$$\sqrt{K_b \cdot M} = [\text{OH}^-] \Rightarrow \sqrt{9/8 \times 10^{-7} \times 2 \times 10^{-2}} = [\text{OH}^-]$$

$$\Rightarrow \sqrt{49 \times 4 \times 10^{-10}} = [\text{OH}^-] \Rightarrow 7 \times 2 \times 10^{-5} = [\text{OH}^-]$$

$$\text{pOH} = -\log[\text{OH}^-] = -\log(7 \times 2 \times 10^{-5})$$

$$= -[\log 7 + \log 2 + \log 10^{-5}] = -[0.85 + 0.3 - 5] = 3.85$$

$$\text{pH} = 14 - 3.85 = 10.15$$

۳ ۲۰۳

به جز عبارت سوم، سایر عبارت‌ها درست هستند. آزمایش‌های دقیق نشان می‌دهند که آب خالص رسانایی الکتریکی ناچیزی دارد. این ویژگی بیانگر وجود مقدار سیار کمی از یون‌های H_3O^+ و OH^- است. در واقع در یک نمونه از آب خالص شمار سیار ناچیزی از مولکول‌های H_2O به یون‌های H^+ (aq) و OH^- (aq) بینیده می‌شوند.

۴ ۲۰۴

دارد و غلظت یون H_3O^+ در آن، بیشتر از غلظت یون OH^- است.

۱ ۲۰۵

$$[\text{H}^+] = \alpha M = (2 \times 10^{-2})(4 \times 10^{-2}) = 8 \times 10^{-4}$$

$$\text{pH} = -\log[\text{H}^+] = -\log(8 \times 10^{-4}) = -[\log 2^3 + \log 10^{-4}]$$

$$= -[3(0.3) - 4] = 3.1$$

$$K_a = \alpha^2 M = (2 \times 10^{-2})^2 (4 \times 10^{-2}) = 1/8 \times 10^{-5}$$

۳ ۲۰۶

عبارت‌های اول و آخر نادرست هستند.

بررسی عبارت‌های نادرست:

- معده برای گوارش غذا به اسید نیاز دارد.

- خوردن غذا موجب می‌شود که غده‌های موجود در دیواره معده، هیدروکلریک اسید ترشح کنند.

۴ ۲۰۷

- با این‌که می‌توان اسید و باز را براساس مدل آرنسیوس تشخیص داد اما نمی‌توان در باره میزان اسیدی یا بازی بودن یک محلول اظهار نظر کرد.

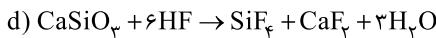
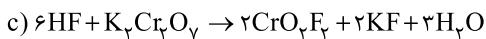
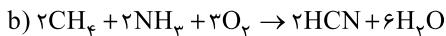
- از آن جا که محلول آبی Rb_3O ، یک محلول بازی و محلول آبی HCN ،

- اسیدی است می‌توان بر پایه مدل آرنسیوس توجیه کرد که غلظت $[\text{H}_3\text{O}^+]$ در

- محلول آبی Rb_3O از محلول آبی HCN ، کمتر است.



۲۱۸ معادله مواده شده هر چهار واکنش در زیر آمده است:



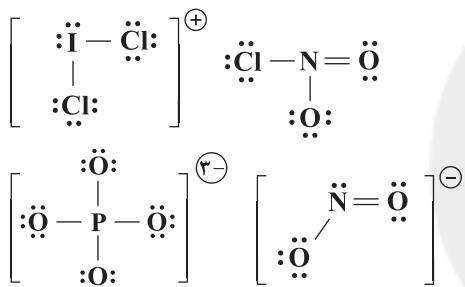
عبارت‌های اول و دوم درست هستند.

بررسی عبارت‌های نادرست:

• بسیاری از واکنش‌های شیمیایی مانند فرسایش سنگ و صخره، زنگ زدن، فساد مواد غذایی و ... که پیوسته پیرامون مارخ می‌دهند، به دلیل تمایل زیاد اکسیژن برای انجام واکنش است.

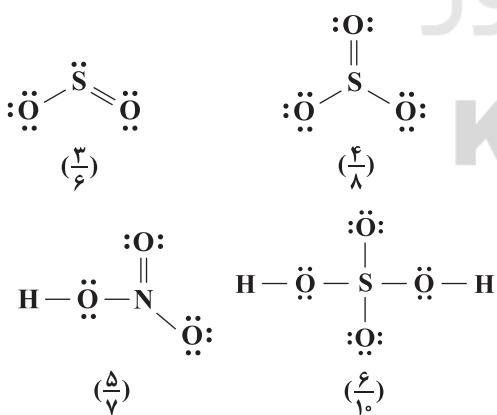
• هوایپامها با خود اتفاقی از گاز اکسیژن حمل می‌کنند.

۳ ۲۲۰ در ساختار دوگونه ICl_4^+ و PO_4^{3-} ، تمامی پیوندهای یگانه (садه) است.



۲ ۲۲۱ ترکیب‌های A، X، E، D، SO₃، H₂SO₄ و HNO₃ به ترتیب هستند.

ساختار لوویس هر چهار مولکول و نسبت شمار جفت الکترون‌های پیوندی به شمار جفت الکترون‌های ناپیوندی آن‌ها در زیر آمده است:



۳ ۲۲۲ به جز عبارت سوم، سایر عبارت‌ها درست هستند.

فصل بهار در نیمکره شمالی زمین، نسبت به ۵۰ سال گذشته، در حدود یک هفته زودتر آغاز می‌شود.

۲ ۲۲۳ سوخت‌های سیز، زیست تخریب پذیرند و به وسیله جانداران ذره‌بینی به مواد ساده‌تر (نه عنصرهای سازنده!!) تجزیه می‌شوند.

۱ ۲۱۲ با توجه به این‌که pH یکتابع لگاریتمی است، نمودار مورد نظر نمی‌تواند خطی باشد (حذف گزینه‌های ۲ و ۴)، از طرفی pH محلول بازی در دمای اتاق، نمی‌تواند کمتر از ۷ باشد. (حذف گزینه ۳)

۳ ۲۱۳ به جز عبارت دوم، سایر عبارت‌ها درست هستند.

بیش از آن‌که ساختار اسیدها و بازها شناخته شود، شیمی‌دان‌ها افزون بر ویژگی‌های اسیدها و بازها با برخی واکنش‌های آن‌ها نیز آشنا بودند.

۱ ۲۱۴

$$\text{HNO}_3 : \text{pH} = 1/3 \Rightarrow [\text{H}^+] = 10^{-1/3} = 10^{0.7-2} = 5 \times 10^{-2} \text{ mol.L}^{-1}$$

$$\text{?mol H}^+ = 5 \times 10^{-2} \frac{\text{mol}}{\text{L}} \times 2\text{L} = 0.1 \text{ mol H}^+$$

$$\text{KOH} : 1/12\text{g} \times \frac{1\text{mol}}{56\text{g}} = 0.02 \text{ mol KOH} = 0.02 \text{ mol OH}^-$$

۰٪ مول OH^- می‌تواند ۰٪ مول H^+ حاصل از یونش HNO_3 را خنثی کند.

$$\text{?mol H}^+ = 0.1 - 0.02 = 0.08 \text{ mol H}^+ \quad (\text{باقي مانده})$$

$$[\text{H}^+] = \frac{0.08 \text{ mol}}{2\text{L}} = 0.04 \text{ mol.L}^{-1} \quad (\text{باقي مانده})$$

$$\text{pH} = -\log[\text{H}^+] = -\log(4 \times 10^{-2}) = -[\log 2^2 + \log 10^{-2}] \\ = -[2(0.3) - 2] = 1.4$$

۴ ۲۱۵ روش اول: واکنش‌های اسید و باز، در جهت تولید اسید و باز ضعیفتر پیش می‌روند. به این ترتیب واکنش گزینه (۴) برخلاف سه واکنش اول در جهت رفت پیش می‌رود.

روش دوم: در واکنش گزینه (۴) برخلاف سه واکنش اول، اسید قوی (HBr) در سمت واکنش‌دهنده‌ها و اسید ضعیف (CH_3COOH) در سمت فراورده‌ها قرار دارد. بنابراین می‌توان نتیجه گرفت که این واکنش، در خلاف جهت واکنش‌های دیگر پیش می‌رود.

۳ ۲۱۶ به جز عبارت دوم، سایر عبارت‌ها نادرست هستند.

بررسی عبارت‌ها:

۰ گاز CO بسیار سمی است.

۰ در ساختار لوویس گاز CO همانند N_2 ، یک پیوند سه‌گانه و دو جفت الکترون ناپیوندی وجود دارد:



۰ گاز CO₂ بی‌بو است.

۰ مولکول‌های CO پس از اتصال به هموگلوبین از رسیدن اکسیژن به بافت‌های بدن جلوگیری می‌کنند. این ویژگی باعث مسمومیت می‌شود و سامانه عصبی را فلک می‌کند.

۳ ۲۱۷ بوکسیت، سنگ معدن آلومینیم است که شامل Al_2O_3 و مقادیری ناخالصی است.



۲ ۲۳۲

ابتدا انرژی موجود در وعدة صحانه را به دست می آوریم:

$$(100 \times 11/5) + (40 \times 20) + (200 \times 3) = 2550 \text{ kJ}$$

$$\frac{2550 \text{ kJ}}{2800 \text{ kcal} \times \frac{4184 \text{ J}}{1 \text{ cal}}} \times 100 \approx 22\%$$

۳ ۲۳۳

گاز نیتروژن در مقایسه با هیدرازین، پایدارتر است.

۱ ۲۳۴

مقایسه میان گرمای حاصل از سوختن یک مول از ترکیب‌های

آلی مورد نظر به صورت زیر است:

استیلن > اتانول > اتیلن > اتان	گرمای سوختن مولی
(۱۳۰°)	(۱۴۱°)
(۱۲۶۸)	(۱۵۶۰)

۲ ۲۳۵

ارزش سوختی پروتئین و کربوهیدرات با هم برابر است.



سایت کنکور

Konkur.in