

دفترچه شماره ۱

آزمون شماره ۳

۱۴۰۱/۰۵/۱۴ ۵۰



آزمون‌های سراسری کاج

گزینه درست را انتخاب کنید.

سال تحصیلی ۱۴۰۱-۱۴۰۲

سوالات آزمون

پایه دهم ریاضی

دوره دوم متوسطه

شماره داوطلبی:	نام و نام خانوادگی:
مدت پاسخگویی: ۷۵ دقیقه	تعداد سوالاتی که باید پاسخ دهید: ۶۰

عنوانین مواد امتحانی آزمون گروه آزمایشی علوم ریاضی، تعداد سوالات و مدت پاسخگویی

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سوال	وضعیت پاسخگویی	شماره سوال		مدت پاسخگویی
				تا	از	
۱	فارسی نهم	۱۰	اجباری	۱۰	۱	۱۰ دقیقه
۲	عربی نهم	۱۰	اجباری	۲۰	۱۱	۱۰ دقیقه
۳	زبان انگلیسی نهم	۱۰	اجباری	۳۰	۲۱	۱۰ دقیقه
۴	ریاضی نهم	۱۰	اجباری	۴۰	۳۱	۲۵ دقیقه
	ریاضی نهم	۵	اختیاری	۴۵	۴۱	۴۵ دقیقه
	ریاضی ۱	۵		۵۰	۴۶	۴۵ دقیقه
۵	علوم نهم	۱۰	اجباری	۶۰	۵۱	۱۵ دقیقه
	فیزیک ۱	۵	انتخابی	۶۵	۶۱	۵ دقیقه
	شیمی ۱	۵		۷۰	۶۶	۵ دقیقه



فارسی



- ۱- واژه کدام گزینه به درستی معنی شده است؟**
- (۱) تائی: تقلید
 (۲) متوجه: بداخلاق
 (۳) خصال: ویزگی
 (۴) لاف زدن: خودستایی کردن
- ۲- در کدام گزینه به ترتیب هم خانواده واژه‌های «اقناع» و «اتهام» ذکر شده است؟**
- (۱) مقطوع - اهتمام
 (۲) مقطع - متهم
 (۳) قناعت - تهمت
 (۴) منقطع - اهتمام
- ۳- «نهج البلاغه» کتابی است که سخنان، نامه‌ها، خطبه‌ها و کلمات قصار امیرالمؤمنین حضرت علی (ع)، را «سید رضی» گردآوری کرده است. در کدام گزینه نویسنده اثر سخنان بزرگان را مطرح یا بررسی کرده است؟**
- (۱) قابوس‌نامه
 (۲) اخلاق ناصری
 (۳) مرزبان‌نامه
 (۴) شاهنامه
- ۴- در کدام گزینه واژه‌ای با نشانه جمع وجود ندارد؟**
- (۱) کعنان، گلستان، پایان
 (۲) آزادگان، بیان، ساربان
 (۳) بنیان، بوستان، همپیوندان
 (۴) باشندگان، زیان، جهان
- ۵- با توجه به عبارت زیر، درباره کلمات «مردم» و «مغیلان»، به ترتیب کدام گزینه درست است؟**
- «بدان که مردم بی هنر مادرم بی سود باشد، چون مغیلان که تن دارد و سایه ندارد.»
- (۱) «مردم» نهاد مفرد و به معنی انسان - «مغیلان» مشبه به
 (۲) «مردم» نهاد جمع و به معنی جامعه - «مغیلان» مشبه به
- ۶- در کدام بیت از «صفت عالی» استفاده شده است؟**
- تاكند لذت وصل تو فراموش مرا
 يا وقت بيداري غلط بوده است مرغ بام را
 كه از حضور تو خوشتر ندييد جاي را
 ما خود كجا و وصف خداوند آن كجا
- (۱) شربتی تلخ تر از زهر فراقت باید
 (۲) امشب سبک تر می زنند این طبل بی هنگام را
 (۳) خیال در همه عالم برفت و باز آمد
 (۴) در کمترین صنعت تو مدهوش مانده ایم
- ۷- کدام یک از آرایه‌های ادبی داده شده، در ابیات زیر دیده نمی‌شود؟**
- گرجه پاکی، تو را پلید کند
 پاره‌ای ابر، ناپدید کند
- (۱) تلمیح
 (۲) تضاد
 (۳) تشییه
 (۴) مراعات نظریز
- * با توجه به ابیات زیر به سوالات ۸ و ۹ پاسخ دهید.
- «ای دل ار سیل فنا بنیاد هستی برکنند
 در بیابان گر به شوق کعبه خواهی زد قدم
- ۸- آرایه‌های موجود در بیت نخست کدام‌اند؟**
- (۱) تضاد - تکرار - تناسب
 (۲) تشخیص - تشییه - تلمیح
 (۳) تکرار - تشخیص - تلمیح
 (۴) تشییه - تناسب - تکرار



کدام گزینه با بیت دوم قرابت معنایی دارد؟ -۹

ما جز به خارهای مغیلان نمی‌رسیم
تساغول بیابان نفریبند به سرابت
بر جفای خار هجران صیر بلبل بایدش
که گر مراد نیایم به قدر وسع بکوشم

- (۱) گر رهروان به کعبه مقصود می‌رسند
- (۲) دور است سر آب از این بادیه هشدار
- (۳) باغبان گر پنج روزی صحبت گل بایدش
- (۴) به راه بادیه رفتن به از نشستن باطل

مفهوم کدام بیت با عبارت زیر تناسب معنایی دارد؟ -۱۰

«جهد کن که اگرچه اصیل و گوهری باشی، گوهر تن نیز داری، که گوهر تن از گوهر اصل بهتر بود.»

هر که او را غم جان است به دریا نرود
بس که چشم کند گهر باری
دهان جز به لؤلؤ نکردند باز
ز به ر هن ر شد گرامی گه ر

- (۱) گوهر قمیتی از کام نهنگان آرند
- (۲) بنماندست آب در جگ رم
- (۳) ص دفوار گوهرشناسان ران راز
- (۴) گه ر گرچه بالا نه بیش از هن ر



زبان عربی

■ عین الصحيح في الجواب للترجمة أو المفردات أو المفهوم (۱۵ - ۱۱):

- ۱۱- چند واژه از واژگان «آخِر، إعْتَدَرَ، تَعْجَبَ، غَضْبَانٌ، قَبَّلَ، لِسَانٌ صِدقٌ، رَاحِمٌ، ذَهَابٌ، فَسَمٌ، أَعْجَزُ» در زیر به صورت صحیح معنی شده است؟
کلمات به صورت نامرتب نامرتباً شده‌اند).

«تعجب می‌کند، قبول کرد، قسم داد، ناتوان می‌شوم، رحم‌کننده، رفتند، یاد نیکو، خشمگین، معذرت می‌خواهم، دیگر»

- | | |
|-------|-------|
| ۴ (۲) | ۳ (۱) |
| ۶ (۴) | ۵ (۳) |

- ۱۲- ترجمة دقيق جملة «دَهَبَ الطَّلَابُ إِلَى هَذِهِ السَّفَرَةِ لِتَهْيَأَةِ أَبْحَاثِ عَنِ النَّبَاتَاتِ!»، کدام گزینه است؟

- (۱) دانشجویان برای تهیه پژوهش‌هایی درباره گیاهان به سفر رفتند!
- (۲) دانشجویان به منظور تهیه پژوهش‌هایی پیرامون گیاهان به این سفر رفتند!
- (۳) دانشجویان سفر کردند تا درباره گیاهان تحقیق‌هایی تهیه کنند!
- (۴) دانشجویان برای تهیه تحقیق درباره درختان به این سفر رفتند!

- ۱۳- ترجمة کدام عبارت درست است؟

(۱) قالَ الْمُدْرِسُ لَنَا: إِسْمَاعِيلُ كَلَامِي وَ اعْمَلُوا بِهِ: آموزگار ما گفت: به سخنم گوش دهید و به آن عمل کنید!

(۲) عَنِّدَمَا جَلَسَ مَقْتَي عَلَى الْمَائِدَةِ بَدَأَ بِالْبَكَاءِ: هنگامی که همراه من سر سفره نشست شروع به حرف‌زنی کرد!

(۳) عَلَيْنَا بِالْمُحَاوَلَةِ كَثِيرًا لِأَنَّ الْعُمَرَ يَمْضِي بِسُرْعَةٍ: ما باید بسیار تلاش کنیم زیرا عمر به سرعت می‌گذرد!

(۴) مَضَى أَسْبُوعَانِ فَمَا وَجَدْتُ أَحَدًا فِي الْجَزِيرَةِ: پس از گذشت دو هفته کسی را در جزیره نیافتم!

- ۱۴- کدام گزینه با عبارت «إِلَمْ أَنَّ النَّصَرَ مَعَ الصَّابِرِ». ارتباط معنایی نداود؟

- (۱) نخواهم صبر گرچه او گهی هم کار می‌آید!
- (۲) آن میوه که از صبر برآمد شکری بود!
- (۳) گویند صبر کن که شود خون ز صبر مشک!
- (۴) گویند سنگ، لعل شود در مقام صبرا!



۱۵- کلمات کدام گزینه با هم متضاد نیستند؟

- (۲) کشَف، سُرَّ
(۴) سعادَة، سُقاوَة

- (۱) صِدق، كِذب
(۳) جَمال، قَبْح

■■ عین الصحيح في الجواب عن الأسئلة التالية (۲۰ - ۱۶):

۱۶- در کدام گزینه «اسم مشتری» آمده است؟

- (۲) الْجَهْلُ وَ الْفَقْرُ يَكْشِفَانِ كُلَّ عَيْبٍ لِلإِنْسَانِ!
(۴) ذَهَبَ الْأَخْوَانُ إِلَى مَرْزَعِهِمَا لِرَاعِيَةِ الْقَمْحِ!

- (۱) إِكتِسَابُ الإِخْوَانِ مِنْ أَجْمَلِ أُمورِ الْحَيَاةِ!
(۳) أَحَدُ الْجِيَارِ يَعْمَلُ فِي مَصْنَعِ الْكَرَاسِيِّ!

۱۷- فعل امر در کدام گزینه صحیح به کار رفته است؟

- (۲) يَا إِخْوَانِي أَخْرُجْنَ مِنَ الْبَيْتِ!
(۴) يَا أَخْتِي أَرْسِمْ هَذِهِ الصُّورَةَ!

- (۱) يَا إِخْوَانِي إِحْمِلَا هَذِهِ الْمِنْضَدِدَةِ!
(۳) أَيْتَهَا الْأَخْنَانِ أَكْتَبَا التَّمَارِينَ بِدَقَّةِ!

۱۸- کلمات کدام گزینه از نظر تعداد (فرد / مثنی / جمع) همگی از یک نوع هستند؟

- (۲) تِلْمِيَّدَاتَانُ، أَخْوَانٌ، رَوْجَتَيْنِ
(۴) عَصْبَانٌ، جِشْرَانٌ، كَافِرَانٌ

- (۱) صِعبَاتُ، أَخْوَانٌ، جُسُورٌ
(۳) صالحَيْنِ، إِخْوَانٌ، رَاحِمَيْنِ

۱۹- کلمات کدام گزینه جاهای خالی زیر را به درستی پر می‌کند؟

«قَالَ أَبِي لِإِخْوَانِي: مِنَ الْبَيْتِ وَ قَالَ لِأَخْوَانِي إلى المدرسة.»

- (۲) أَخْرُجُوا - إِذْهَبَا
(۴) أَخْرُجُوا - إِذْهَبَنَ

- (۱) أَخْرُجَا - إِذْهَبِي
(۳) أَخْرُجَا - إِذْهَبَنِ

۲۰- نگارش کدام جمله نادرست است؟

- (۲) يَا أُمَّ الْأَوْلَادِ إِصْنَعِي مُسْتَقْبَلَكِ.
(۴) يَا أَبَا مَرِيمَ، إِشْمَعْ كَلَامَ مَدَرَّسَتَهَا.

- (۱) يَا صَاحِبَ الْعِلْمِ أَشْكُرِي رَبِّكَ.
(۳) قَالَ الْوَالِدُ إِلَى وَلَدِهِ: أَكْتُبْ وَاجِهَكَ.



سایت کنکور

زبان انگلیسی

PART A: Grammar and Vocabulary

Directions: Questions 21-28 are incomplete sentences. Beneath each sentence you will see four words or phrases, marked (1), (2), (3), and (4). Choose the one word or phrase that best completes the sentence. Then mark your answer sheet.

21- Shayan: is Sam?

Afshin: He is going to the

- 1) What / teacher room
3) Where / teachers' room
- 2) Where / teachers room
4) How / teacher's room

22- Vahid: What is your ?

Mahdi: I can't the reservation form.

- 1) problem / fill out
3) member / check in
- 2) timetable / check out
4) poem / take off



23- Teacher: Which of the following sentences is NOT correct?

Student:

- 1) My sister and I go to the library every Monday.
- 2) Is she speak to the teacher now?
- 3) Can you play the role of a receptionist?
- 4) It is possible to book a hotel online.

24- Tourist: My name is Tom Smith. I have a here.

Receptionist: Are you staying here for two nights?

Tourist: Yes, my wife and I Shiraz for two days.

- | | |
|--|--|
| 1) intonation / Thank you. / is visiting | 2) attention / I see! / am visiting |
| 3) conversation / Of course, / visit | 4) reservation / I see! / are visiting |

25- Shayan: are you traveling?

Afshin:

- | | |
|------------------------|--------------------|
| 1) Where / By a ticket | 2) How / By train |
| 3) Who / By train | 4) What / A ticket |

26- Teacher: Which of the following sentences is NOT correct?

- | | |
|---|-------------------------------------|
| 1) The flight is at five thirty. | 2) Who is working on your computer? |
| 3) The students pay attention to the questions. | 4) Ali's sister is Majid wife. |

- ۲۷ - در مکالمه‌های زیر، کدام پرسش و پاسخ درست نمی‌باشد؟

- | |
|--|
| 1) A: What's she doing now?
B: He is standing over there. |
| 2) A: Hi, Sam! How is it going?
B: Fine, thanks. |
| 3) A: Where's your brother now?
B: My brother is in his room. |
| 4) A: Is the problem serious?
B: Yes, I think it is serious. |

28- Ali: Which sentence has a rising (↗) intonation?

Ramin:

- | | |
|---------------------------|-------------------------|
| 1) Are they checking out? | 2) everybody likes her. |
| 3) he is very kind. | 4) Yes, of course. |

PART B: Reading Comprehension

Directions: In this part of the test, you will read a passage. The passage is followed by two question.

Answer the question by choosing the best choice, (1), (2), (3), or (4). Then mark your answer sheet.

Reading Comprehension:

I'm Amin. I have three friends in my classroom in names of Mohsen, Hamed and Navid. Mohsen is a very clever student and very serious. He is hard-working and very helpful and usually helps the students with their lessons. Hamed is very talkative and funny. All the students like him. Navid is kind and quiet, but he is very careless. He usually forgets important things. It's a big problem.

29- Who helps the students with their lessons?

-
- | | | | |
|---------|----------|-----------|----------|
| 1) Amin | 2) Navid | 3) Mohsen | 4) Hamed |
|---------|----------|-----------|----------|

30- Who is NOT careful?

-
- | | | | |
|-----------|----------|----------|---------|
| 1) Mohsen | 2) Navid | 3) Hamed | 4) Amin |
|-----------|----------|----------|---------|



ریاضیات



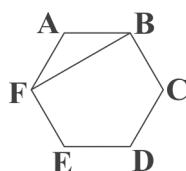
-۳۱- در یک مثلث، یکی از زوایای خارجی دو برابر یک زاویه داخلی غیرمجاور آن است. در این صورت، این مثلث حتماً است.

(۲) متساوی‌الساقین

(۴) قائم‌الزاویه متساوی‌الساقین

(۱) قائم‌الزاویه

(۳) متساوی‌الاضلاع



-۳۲- اگر مساحت شش‌ضلعی منتظم $\triangle ABCDEF$ برابر $54\sqrt{3}$ باشد، آن‌گاه مساحت مثلث $\triangle ABF$ کدام است؟

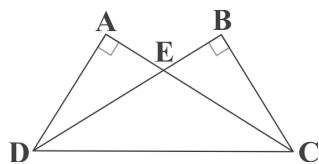
(۱) $6\sqrt{3}$

(۲) ۶

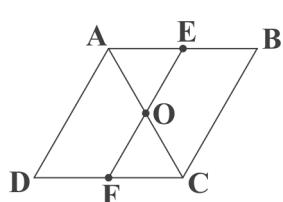
(۳) $9\sqrt{3}$

(۴) ۹

-۳۳- در شکل زیر CA و DB به ترتیب نیمساز زوایه‌های C و D هستند. اگر دو مثلث AED و BCE همنهشت باشند، نسبت مساحت مثلث ECD به BCD کدام است؟

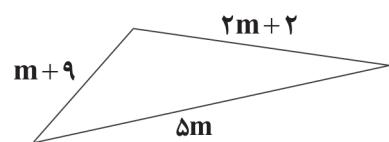
(۱) $\frac{2}{3}$ (۲) $\frac{2}{5}$ (۳) $\frac{3}{4}$ (۴) $\frac{3}{5}$

-۳۴- در متوازی‌الاضلاع شکل زیر، نقاط E و F به ترتیب وسط اضلاع AB و CD هستند. اگر مساحت مثلث متوازی‌الاضلاع OCF برابر $\frac{1}{\sqrt{2}}$ باشد، مساحت متوازی‌الاضلاع $ABCD$ کدام است؟

(۱) $8\sqrt{2}$ (۲) $\frac{3\sqrt{2}}{2}$ (۳) $\frac{5\sqrt{2}}{2}$ (۴) $4\sqrt{2}$

سایت کنکور

-۳۵- در مثلثی به شکل زیر، تغییرات m به طور دقیق در کدام گزینه آمده است؟

 $\frac{7}{6} < m < \frac{11}{2}$ (۱) $m > -\frac{7}{4}$ (۲) $-\frac{7}{6} < m < \frac{11}{2}$ (۳) $m < \frac{11}{2}$ (۴)

محل انجام محاسبات



۳۶- چه تعداد از استدلال‌های زیر، صحیح هستند؟

(الف) چون متوازی‌الاضلاعی وجود دارد که قطرهایش بر هم عمود نیست و مربع هم نوعی متوازی‌الاضلاع است، پس در مربع قطرها بر هم عمود نیستند.

(ب) چون بین هر دو عدد متفاوت، بی‌شمار عدد گویا وجود دارد و اعداد گویا زیرمجموعه‌ای از اعداد حقیقی هستند، پس بین هر دو عدد متفاوت، بی‌شمار عدد حقیقی وجود دارد.

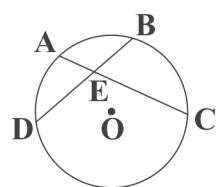
(ج) چون احسان همراه خودش چتر آورده، پس امروز باران باریده است.

۱) ۴

۲) ۳

۳) ۲

۱) صفر

۳۷- در دایرهٔ شکل زیر، O مرکز دایره است و $\overline{ED} = 6$ و $\overline{EB} = 4$ و $\overline{AC} = 11$ در این صورت اندازهٔ \overline{EC} کدام است؟

۷) ۱

۱۳) ۲

۸) ۳

۱۲) ۴

۳۸- عدد 8^{42} به طور تقریبی چند رقمی است؟

۴۰) ۴

۳۹) ۳

۳۸) ۲

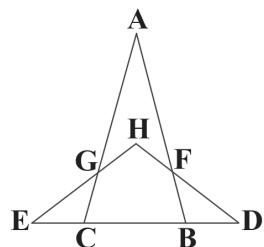
۳۷) ۱

۳۹- حاصل عبارت $\frac{3^{x+y-2}}{2^x}$ کدام است؟ $(\frac{1}{2})^{x-2}-x$ (۴) $2^{x-2}-y$ (۳) $\frac{1-x^2}{2^y}$ (۲) $(\frac{1}{2})^{x-x^2}$ (۱)۴۰- نصف عدد $125^6 + 25^9 + 5^{18} + 5^{19} + 5^{18} \times 3$ کدام است؟ $(2/5)^{18}$ (۴) 5^{18} (۳) 5^{19} (۲) $(2/5)^9$ (۱)

توجه: داوطلب گرامی، لطفاً از بین سوالات اختیاری ۱ (ریاضی نهم، شماره ۴۱ تا ۴۵) و اختیاری ۲ (ریاضی (۱)، شماره ۴۶ تا ۵۰)، فقط یک سری را به انتخاب خود پاسخ دهید.

اختیاری ۱

ریاضی نهم (سوالات ۴۱ تا ۴۵)

۴۱- در شکل زیر اگر $\hat{A} = 30^\circ$ ، $\overline{BF} = \overline{BD}$ و $\overline{EC} = \overline{CG}$ باشد، اندازهٔ زاویهٔ \hat{H} چند درجه است؟

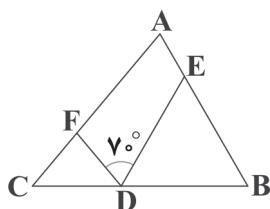
۱۰۵) ۱

۱۱۰) ۲

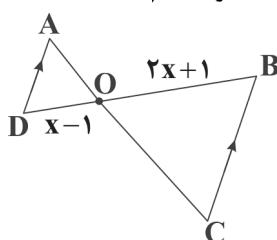
۱۱۵) ۳

۱۲۰) ۴

محل انجام محاسبات

۴۲ - در شکل زیر اگر $ED = EB$ و $FC = FD$ باشد، اندازه زاویه A کدام است؟

- ۶۰ (۱)
۷۰ (۲)
۸۰ (۳)
۸۵ (۴)

۴۳ - در شکل زیر دو مثلث $\triangle AOD$ و $\triangle BOC$ متشابه هستند. اگر نسبت محیط‌هایشان برابر ۴ باشد، در این صورت مقدار x کدام است؟

- $\frac{5}{2}$ (۱)
۲ (۲)
۳ (۳)
 $\frac{7}{3}$ (۴)

۴۴ - اگر $3^{-x} = 2^{-y}$ و $2^{-1} = 3^{-y}$ باشد، حاصل عبارت $\frac{(18)^{xy}}{4^{x+1}}$ کدام است؟

- ۲ (۴) $\frac{1}{2}$ (۳) $\frac{3}{2}$ (۲) $\frac{2}{3}$ (۱)
۱ (۴) 2^{x-9} (۳) 2^{x-2} (۲) ۲ (۱)

۴۵ - حاصل کسر $\frac{2^x + 2^{x+1} + 2^{x+2}}{2^{x+3} - 2^x}$ کدام است؟

اختیاری ۲

ریاضی ۱ (سوالات ۴۶ تا ۵۰)

۴۶ - اگر A مجموعه مضرب‌های طبیعی عدد ۱۲، B مجموعه مضرب‌های طبیعی عدد ۴ و C مجموعه مضرب‌های طبیعی عدد ۵ باشد، کدام مجموعه زیر در \mathbb{N} متناهی است؟

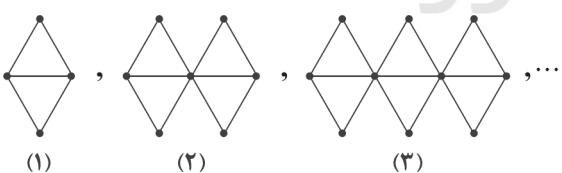
- $A - C$ (۴) $A - B$ (۳) $B - A$ (۲) $C - A$ (۱)

۴۷ - اگر $5x + 2 \in [-3, 12]$ باشد، حدود x کدام است؟

$$-3 \leq x \leq 1 \quad (۲) \quad -1 \leq x \leq 2 \quad (۱)$$

$$1 \leq x \leq 3 \quad (۴) \quad -2 \leq x \leq 2 \quad (۳)$$

۴۸ - با توجه به الگوی زیر، اگر طول هر پاره خط کوچک یک واحد باشد، در شکلی که ۸۵ پاره خط به طول یک وجود دارد، چند نقطه داریم؟



- ۵۲ (۱)
۵۳ (۲)
۵۴ (۳)
۵۱ (۴)

۴۹ - جمله دهم دنباله بازگشتی a_1, a_2, \dots, a_n به طوری که $a_1 = \frac{a_2}{3} = 1$ باشد، کدام است؟

- 2^{10} (۴) 2^{55} (۳) 2^{21} (۲) 2^{34} (۱)

۵۰ - در یک دنباله هندسی $t_1 = 2$ و $t_5 = 1$ باشد. مجموع جملات هفتم و نهم کدام است؟

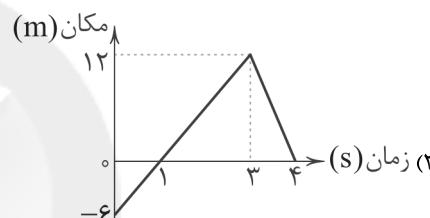
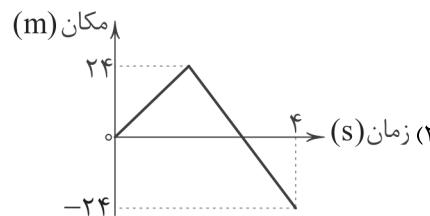
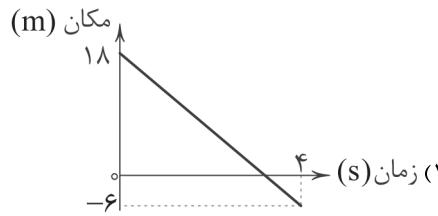
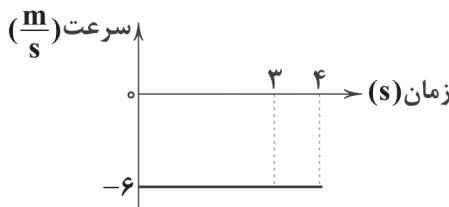
- $\frac{3}{4}$ (۴) $\frac{1}{2}$ (۳) ۱ (۲) $\frac{5}{4}$ (۱)



علوم تجربی



۵۱- نمودار سرعت - زمان یک متوجه مطابق شکل زیر است. نمودار مکان - زمان این متوجه در کدام گزینه به درستی آمده است؟



(4) گزینه‌های (۲) و (۳) درست هستند.

۵۲- کدام گزینه درست است؟

۱) سرعت لحظه‌ای، یک کمیت برداری و نشان‌دهنده تغییرات نیرو در واحد زمان است.

۲) شتاب متوسط، یک کمیت برداری و نشان‌دهنده تغییرات حرکت در واحد زمان است.

۳) تندی متوسط، یک کمیت برداری و نشان‌دهنده تغییرات جابه‌جایی در واحد زمان است.

۴) شتاب متوسط، یک کمیت برداری و نشان‌دهنده تغییرات سرعت در واحد زمان است.

۵۳- یک اسب با سرعت متوسط ۵۴ کیلومتر بر ساعت به سمت غرب می‌دود. اگر حرکت این اسب، حرکت یکنواخت روی خط راست باشد، سرعت لحظه‌ای آن چند متر بر ثانیه است؟

۲۵) ۴

۲۰) ۳

۱۵) ۲

۱۰) ۱

۵۴- در یک سیاره که اتمسفر ندارد، دو جسم A و B را از ارتفاع ۱۰۰ متری سطح سیاره هم‌زمان رها می‌کنیم تا سقوط کنند. اگر جرم A دو برابر جرم B باشد، کدام گزینه درست است؟

۱) سرعت رسیدن جسم B به سطح سیاره، دو برابر سرعت رسیدن جسم A به سطح سیاره است.

۲) سرعت رسیدن جسم B به سطح سیاره، نصف سرعت رسیدن جسم A به سطح سیاره است.

۳) سرعت رسیدن جسم B به سطح سیاره، برابر با سرعت رسیدن جسم A به سطح سیاره است.

۴) باید شتاب گرانش سیاره را بدانیم تا بتوانیم سرعت‌ها را مقایسه کنیم.



۵۵- یک زیردریایی به جرم ۲۰ تن در اعمق اقیانوس قرار دارد. این وسیله به کمک نیروهای بالابرند، سعی می‌کند با سرعت ثابت خود را به سطح آب برساند. مقدار نیروی خالص وارد بر زیردریایی تقریباً باید چند نیوتون باشد تا این اتفاق رخ دهد؟ (شتاب گرانش را حدود ۱۰ متر بر محدود ثانیه در نظر بگیرید).

(۴) صفر

۴۰۰ (۳)

۲۰۰ (۲)

۲۰ (۱)

۵۶- به کمک یک ترازوی دوکفه‌ای، مشاهده می‌کنیم که اگر وزنه ۳ کیلوگرمی را در یک کفه و مقداری سیب را در کفه دیگر قرار دهیم، دو کفه روبه‌روی یکدیگر و در یک سطح قرار می‌گیرند. اگر این ترازو و همان مقدار سیب را به ماه ببریم، وزنه چند کیلوگرمی را باید در کفه دیگر قرار دهیم، تا دو کفه ترازو در یک سطح قرار بگیرند؟ (شتاب گرانش ماه $\frac{1}{6}$ شتاب گرانش زمین است).

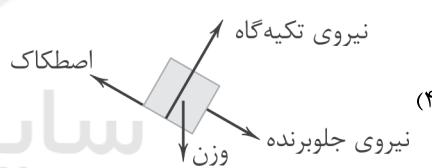
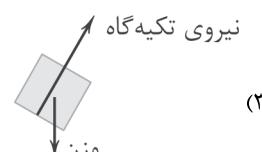
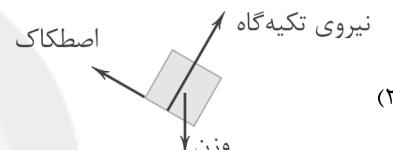
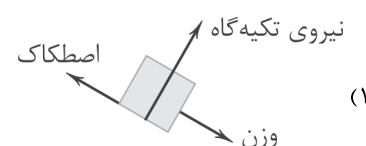
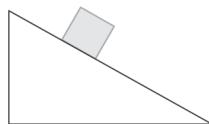
۱۸ (۴)

۶ (۳)

۰/۵ (۲)

۳ (۱)

۵۷- در شکل زیر، اگر جسم با تندي ثابت در حال پایین آمدن روی شیب باشد، کدام گزینه نیروهای وارد بر آن را به درستی نشان می‌دهد؟



۵۸- حدود ۲۰۰ میلیون سال پیش یک خشکی واحد به نام و اطراف آن را آب‌های فراگرفته بود.

(۴) لورازیا - تیس

(۳) پانگهآ - پانتالاسا

(۲) گندوانا - تیس

(۱) پانتالاسا - پانگهآ



۵۹- با توجه به شکل زیر ورقه نازکا به زیر کدام ورقه می‌رود؟

(۱) اقیانوس آرام

(۲) آمریکای شمالی

(۳) آمریکای جنوبی

(۴) گزینه‌های (۱) و (۲)



۶۰- چه تعداد از عبارت‌های زیر، از دلایل موافقان و گنر برای اثبات متصل بودن قاره‌ها در گذشته است؟

(الف) وجود آثار یخچال‌های قدیمی در قاره‌های مختلف

(ب) یکسان بودن نوع گونه‌های موجود در سواحل قاره‌های آمریکای جنوبی و آفریقا

(ج) تشابه سنگ‌شناسی در حاشیه قاره‌های مجاور هم

(د) انطباق حاشیه شرقی آفریقا با حاشیه غربی آمریکای جنوبی

(ه) تشابه فسیل‌های جانداران در قاره‌های آفریقا و آمریکای جنوبی

۱ (۴)

۲ (۳)

۳ (۲)

۴ (۱)

توجه: داوطلب گرامی، لطفاً از بین سوالات انتخابی ۱ (فیزیک ۱، شماره ۶۱ تا ۶۵)، انتخابی ۲ (شیمی ۱، شماره ۶۶ تا ۷۰) فقط یک سری را
به انتخاب خود پاسخ دهید.

(انتخاب ۱)

فیزیک (۱)

۶۱- کدام یک از گزینه‌های زیر نادرست است؟

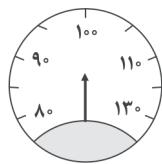
$$72mg = 7/2 \times 10^{-2} g \quad (۲)$$

$$135m = 135 \times 10^6 \mu m \quad (۱)$$

$$^{\circ}/36 \mu s = 3/6 \times 10^{-4} ms \quad (۴)$$

$$340 cm^3 = 3/4 m^3 \quad (۳)$$

۶۲- شکل زیر، تندی‌سنج یک خودرو که بر حسب کیلومتر بر ساعت مدرج شده است را نشان می‌دهد، دقت اندازه‌گیری این تندی‌سنج چند کیلومتر بر ساعت است؟



۱ (۱)

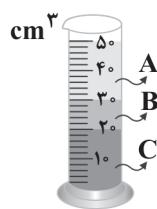
۲ (۲)

۵ (۳)

۱۰ (۴)

۶۳- مطابق شکل زیر، در یک استوانه مدرج، سه مایع مخلوط نشدنی با چگالی‌های متفاوت ریخته شده است. جرم مایع B چند برابر جرم مایع

$$(\rho_A = 1/2 \frac{g}{cm^3}, \rho_B = 2/4 \frac{g}{cm^3}, \rho_C = 3/6 \frac{g}{cm^3}) \text{ است؟} \quad (C)$$



۱/۳ (۱)

۰/۵ (۲)

۱/۵ (۳)

۳ (۴)

۶۴- پدیده‌پخش در مایعات به کدام دلیل است؟

(۱) شبکه نامنظم مولکول‌های آب

(۲) فاصله حدود یک انگسترومی ذرات سازنده مایع

(۴) حرکت‌های نامنظم و تصادفی مولکول‌های آب

(۳) این حقیقت که مایعات به شکل ظرف خودشان درمی‌آیند.

۶۵- وقتی مولکول‌های مایع را کمی از هم دور می‌کنیم، نیروی بین آن‌ها ظاهر می‌شود و وقتی فاصله بین مولکول‌های مایع را کم کنیم،

نیروی بین آن‌ها ظاهر می‌شود. (به ترتیب از راست به چپ)

(۲) جاذبه - دافعه

(۱) جاذبه - دافعه

(۴) دافعه - جاذبه

(۳) دافعه - جاذبه



(انتخاب) ۲

شیمی (۱)

۶۶- اگر در یون X^{2+} ^{۵۸} ، تفاوت شمار نوترون‌ها و شمار الکترون‌ها برابر با ۴ باشد، کدام رابطه زیر در ارتباط با این یون درست است؟

$$A = 2Z + 6 \quad (2)$$

$$A = 2Z + 8 \quad (4)$$

$$A = 2Z + 2 \quad (1)$$

$$A = 2Z + 4 \quad (3)$$

۶۷- هیدروژن دارای شماری رادیوایزوتوپ است که پایداری رادیوایزوتوپ X از سایر رادیوایزوتوپ‌های آن بیشتر است. به تقریب چند درصد جرم هسته رادیوایزوتوپ X را ذره‌های خنثی (بدون بار) تشکیل می‌دهند؟

$$75/12 \quad (4)$$

$$74/92 \quad (3)$$

$$66/69 \quad (2)$$

$$66/61 \quad (1)$$

۶۸- طول موج شعله فلز لیتیم در مقایسه با طول موج شعله فلزهای مس و سدیم به ترتیب و است. (گزینه‌ها را از راست به چپ بخوانید).

(۴) کوتاه‌تر - کوتاه‌تر

(۳) بلندتر - کوتاه‌تر

(۲) بلندتر - بلندتر

(۱) کوتاه‌تر - کوتاه‌تر

۶۹- عنصر A دارای دو ایزوتوپ بوده که تفاوت جرم اتمی آن‌ها برابر با $2amu$ و نسبت فراوانی ایزوتوپ سبک‌تر به سنگین‌تر برابر با $\frac{1}{3}$ است.

جرم اتمی میانگین A برابر است با

$$(1) ۱/۵amu \quad (2) ۷۵amu \quad (3) کمتر از جرم اتمی ایزوتوپ سنگین‌تر$$

$$(4) ۱/۵amu \quad (5) بیش‌تر از جرم اتمی ایزوتوپ سبک‌تر$$

۷۰- یک مکعب توپر آهنی که هر ضلع آن $4cm$ است، شامل چه تعداد اتم Fe است؟ (چگالی آهن برابر با $8g.cm^{-3}$ است).

$$(Fe = 56g.mol^{-1})$$

$$1/376 \times 10^{24} \quad (2)$$

$$4/221 \times 10^{24} \quad (4)$$

$$5/504 \times 10^{24} \quad (1)$$

$$2/064 \times 10^{24} \quad (3)$$

سایت کنکور

دفترچه شماره ۲

آزمون شماره ۳

جمعه ۱۴۰۱/۰۵/۱۴



آزمون‌های سراسر کاج

گزینه درست را انتخاب کنید.

سال تحصیلی ۱۴۰۱-۱۴۰۲

پاسخ‌های تشریحی

پایه دهم ریاضی

دوره دوم متوسطه

نام و نام خانوادگی:	شماره داوطلبی:
تعداد سوالاتی که باید پاسخ دهید: ۶۰	مدت پاسخگویی: ۷۵ دقیقه

عنوانی مواد امتحانی آزمون گروه آزمایشی علوم ریاضی، تعداد سوالات و مدت پاسخگویی

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سوال		شماره سوال	مدت پاسخگویی
		از	تا		
۱	فارسی نهم	۱۰	۱	۱۰	۱ دقیقه
۲	عربی نهم	۲۰	۱۱	۱۰	۱ دقیقه
۳	زبان انگلیسی نهم	۳۰	۲۱	۱۰	۱ دقیقه
۴	ریاضی نهم	۴۰	۳۱	۱۰	۲۵ دقیقه
	ریاضی نهم	۴۵	۴۱	۵	
	ریاضی ۱	۵۰	۴۶	۵	
۵	علوم نهم	۶۰	۵۱	۱۰	۱۵ دقیقه
	فیزیک ۱	۶۵	۶۱	۵	۵ دقیقه
	شیمی ۱	۷۰	۶۶	۵	



فارسی

- ۱۵ مفهوم مشترک عبارت سؤال و گزینه (۴): هنر داشتن از اصالت داشتن برتر است.

مفهوم سایر گزینه‌ها:

- (۱) به دست آوردن هر چیز ارزشمند نیازمند تحمل سختی و خطر است.
- (۲) بیان شدت غم و اندوه
- (۳) توصیه به کم‌گویی و گزیده‌گویی

زبان عربی

■ گزینه صحیح را در پاسخ به سؤالات ترجمه یا واژگان یا مفهوم مشخص کن (۱۵ - ۱۱):

۱۱

ترجمه سه کلمه صحیح آمده است:

- آخر: پایان ۲- اِثْنَدُر: مذدرت خواست ۳- أَعْجَبَ: تعجب کرد ۴- حُصْبَان: خشمگین ۵- قُبَّل: بوسید ۶- لِسَانُ صِدقَ: یاد نیکو (خوب) ۷- رَاحِمَ: رحم کننده ۸- ذَهَاب: رفتن ۹- قَسْمَه: تقسیم کرد ۱۰- أَعْجَزَ: ناتوان ترین

بررسی سایر گزینه‌ها:

- (۱) سفر ← این سفر (به خاطر اسم اشاره «هده»)
- (۳) سفر کردن ← به این سفر رفتند / تهیه کنند → برای تهیه کردن ... («تهیه» اسم است).

۴ تحقیق ← تحقیق ها / درختان ← گیاهان («نباتات»)

بررسی سایر گزینه‌ها:

- (۱) آموزگار ما (← آموزگار به ما گفت)، «إِسْمَعُوا كَلَامِي» یعنی «سخنم را بشنوید»
- (۲) «بَدَا بِالبَكَاءِ» یعنی «شروع به گریه کردن کرد»
- (۴) «مضى: گذشت» فعل است.

- ۱۴ «بدان که پیروزی با صبر کردن است.» گزینه‌های (۲)، (۳) و (۴) نیز هر یک به نوعی توصیه به صبوری و شکیابی می‌کنند، اما در گزینه (۱) شاعر بیان می‌کند که علی‌رغم این‌که صبر و شکیابی گاهی اثربدار است، اما من آن را نمی‌خواهم.

- ۱۵ کلمات داده شده در گزینه (۳) به معنی «زیبایی» و «زشت» هستند و با هم متضاد نیستند. «جمال» (زیبایی) با «قُبَّح» (زشتی) متضاد، و «جمیل: زیبا» و «قَبِّح: زشت» با هم متضاد هستند.

ترجمه سایر گزینه‌ها:

- (۱) راستی، دروغ
- (۲) آشکار کرد، پوشاند
- (۴) خوش‌بختی، بدبهختی

■ گزینه صحیح را در پاسخ به سؤالات زیر مشخص کن (۲۰ - ۱۶):

- ۱۶ «الأخوان» اسم مثنی است و به معنی «دو برادر» می‌باشد.

بررسی سایر گزینه‌ها:

- (۱) «الإخوان» جمع مکسر «أَخ» و به معنی «برادران» می‌باشد.
 - (۲) «يَكِشْفَانِ» فعل مضارع است و اسم مثنی نمی‌باشد.
 - (۳) «الجيـران» جمع مکسر «جار» و به معنی «همسایـان» می‌باشد.
- نکته: «أخوان، أخوين» را که اسم مثنی هستند، با «إخوان، إخوة» که جمع مکسر می‌باشند، اشتباہ نگیرید.

۱ معنی درست واژه‌ها:

- (۱) تأثی: آهستگی
- (۲) متوقع: پرتوّقّع، دارای روحیه زیاده‌خواهی
- (۳) خصل: ج خصلت، ویزگی‌ها

۲ اقناع - قناعت ← ق ن ع

- اتهام - متهم - تهمت ← ت ه م
مقطوع - مقطع - منقطع ← ق ط ع
اهتمام ← ه م م ← ه

۳ «اخلاق ناصری» کتابی است نوشته نصیرالدین توسي به فارسی

که در نهایت زیبایی، سخنان افلاطون و ارسطو را در حکمت عملی بررسی کرده و نظریات پیشینیان را مورد شرح قرار داده است.

۴ در گزینه (۱)، «آن» در واژه‌های «کعنان، گلستان، پایان» نشانه جمع نیست.

بررسی سایر گزینه‌ها:

- (۱) آزادگان
- (۲) همپیوندان
- (۳) باشندگان

۵ مردم ← در اینجا: انسان
مشبه

مغیلان ← مشبه به

۶ تلحیخ / سبک تر / خوش تر ← صفت برتر

کم ترین ← صفت عالی

۷ بررسی سایر گزینه‌ها:

۲، ۳ و ۴ تضاد: پاک و پلید / تشبيه: انسان‌های بد به لکه‌های ابر و انسان‌های خوب به آفتاب شبیه شده‌اند. / مراجعات نظیر: آفتاب و ابر

۸ تشخیص: ای ادل

تشبیه: سیل فنا

تلمیح: اشاره به ماجراهی کشته حضرت نوح (ع)

تناسب: سیل - توفان - نوح - کشتیبان

تضاد: فنا و هستی

فقط آرایه تکرار ندارد.

۹ مفهوم مشترک بیت دوم سؤال و گزینه (۳):

تحمل سختی‌ها برای رسیدن به مقصد

مفهوم سایر گزینه‌ها:

- (۱) فقط سختی‌های راه قسمت ما می‌شود (بیت طنز است).
- (۲) توصیه به مراقبت از فریب سراب خوردن در راه دشوار
- (۴) تلاش کردن حتی در راه اشتباه از بیهوده نشستن بهتر است.



۲۳ معنی جمله‌ها:

معلم: کدامیک از جملات زیر درست نیست؟

دانشآموز: Is she speak to the teacher now?

توضیح: بعد از فعل "is" فعل اصلی باید با "ing" به کار برده شود. شکل

درست جمله به صورت زیر می‌باشد:

Is she speaking to the teacher now?

۲۴ معنی جمله‌ها:

گردشگر: نام من تام اسمیت است. من یک [اتاق] رزرو کرده‌ام.

مسئول پذیرش: متوجه‌ام! آیا شما مدت دو شب این‌جا اقامت می‌کنید؟

گردشگر: بله، من و همسرم مدت دو روز از شیراز دیدن می‌کنیم.

معنی گزینه‌ها:

(۱) آهنگ صدا / مشترکرم / دارد دیدار می‌کند

(۲) توجه / متوجه‌ام / دارم دیدار می‌کنم

(۳) مکالمه / البته / دیدار کردن

(۴) رزرو / متوجه‌ام / داریم دیدار می‌کنیم

۲۵ معنی جمله‌ها:

شایان: شما چطور دارید سفر می‌کنید؟

افشین: با قطار.

معنی گزینه‌ها:

(۱) کجا / با یک بلیط

(۲) چطور / با قطار

(۳) چه کسی / با قطار

(۴) چه چیز / یک بلیط

۲۶ معنی جمله‌ها:

کدامیک از جملات زیر صحیح نیست؟

توضیح: در گزینه (۴) برای بیان حالت مالکیت اسم انسان از (s') استفاده

می‌شود؛ بنابراین جمله صحیح به صورت زیر خواهد بود:

Ali's sister is Majid's wife.

۲۷ معنی جمله‌ها:

A: What's she doing now? او (مؤنث) الان دارد چه کار می‌کند؟

B: She is standing over there. او (مؤنث) در آن‌جا ایستاده است.

توضیح: فاعل در سؤال و پاسخ باید یکی باشد.

۲۸ معنی جمله‌ها:

علی: کدام جمله آهنگ خیزان (↗) دارد؟

رامین: Are they checking out?

توضیح: جملات خبری (...+ فعل + فاعل) آهنگ افتخاران (لا) دارند، ولی

جملات سؤالی که با فعل (Is, Are, ...) شروع می‌شوند، آهنگ خیزان (↗) دارند.

۱۷ فعل امر «أكْتِبَا» مثناً است و با «الأَخْتَانِ» که مثناً است، مطابقت دارد.

پرسی سایر گزینه‌ها:

۱) فعل امر «إِحْمَلَا» که مثناً و نادرست است، باید «إِحْمِلُوا» باشد؛ چون «إخوانی: برادران» جمع مذکور است.

۲) فعل امر «أَخْرِجْنِ» که جمع مؤنث و نادرست است، باید «أَخْرَجُوا» باشد؛ زیرا «إخوتی: برادران» جمع مذکور است.

۳) فعل امر «أَرْسِمْ» که مفرد مذکور و نادرست است، باید «أَرْسَمِي» باشد؛ زیرا «أخواتی: خواهرم» مفرد مؤنث است.

۱۸ هر سه کلمه مثنی هستند.

پرسی سایر گزینه‌ها:

۱) «صِعَاب، جُسُور»: جمع مكسر / «أَخْوَانِ»: مثنی

۳) «صَالِحَيْنِ، رَاحِمَيْنِ»: مثنی / «إِخْوَانِ»: جمع مكسر

۴) «جِنْرَانِ، كَافِرَانِ»: مثنی / «عَصَبَانِ»: مفرد

۱۹ کلمه «إِخْوَانِ» جمع مكسر از مفرد «أَخْ» و مذکر است پس باید امر آن به صورت جمع مذکر (أَخْرَجُوا) بباید و کلمه «أَخَواتِ» جمع مكسر از مفرد «أَخْتِ» و مؤنث است، پس باید امر آن به صورت «إِدْهِبَنِ» بباید.

۲۰ ۱) «صَاحِبُ الْعِلْمِ» مذکر است، پس این‌که فعل به صورت مؤنث آمده، اشتیاه است و باید «أُشْكَنْ» باشد.

ترجمه گزینه‌ها:

۱) ای دارای علم، از پروردگارت تشکر کن.

۲) ای مادر پسران، آیندهات را بساز.

۳) پدر به پرسش گفت: تکلیفت را بتویس.

۴) ای پدر مریم، به سخن معلمش گوش کن.

زبان انگلیسی

۲۱ معنی جمله‌ها:

شایان: سام کجاست؟

افشین: او دارد به اتفاق معلمان می‌رود.

معنی گزینه‌ها:

۱) چه، چه چیز / اتفاق معلم (توضیح: حالت مالکیت ندارد).

۲) کجا / اتفاق معلمان (توضیح: علامت و حالت مالکیت ندارد).

۳) کجا / اتفاق معلمان (توضیح: برای بیان مالکیت اسم جمع بعد از اسم جمع از «» استفاده می‌شود).

۴) چطور / اتفاق معلم (توضیح: باید کلمه معلم به صورت جمع به کار برده شود).

۲۲ معنی جمله‌ها:

وحید: مشکل شما چیست؟

مهدي: من نمی‌توانم فرم رزرو را پُر (کامل) کنم.

معنی گزینه‌ها:

۱) مشکل / پُر کردن، تکمیل کردن

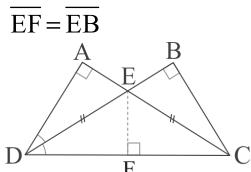
۲) برنامه / تسویه حساب کردن

۳) عضو / پذیرش شدن

۴) شعر / پرواز کردن



- ۱ ۳۳ اگر دو مثلث BCE و AED همنهشت باشند، طبق اجزای ناظیر \overline{EC} و \overline{ED} با هم برابرند و مثلث ECD متساوی الساقین است، حال از رأس E ارتفاع مثلث ECD را رسم می‌کنیم چون CE نیمساز است و هر نقطه روی نیمساز از دو سر آن به یک فاصله است پس داریم:



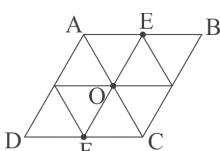
و دو مثلث ECF و EBC بنا بر تساویوتر و یک ضلع همنهشتاند و مساحت هایشان با هم برابر است، در نتیجه تمام مثلث های EBC ، EBC ، EBC و EFD و AED با هم برابرند حال داریم:

$$\frac{S_{\Delta ECD}}{S_{\Delta BCD}} = \frac{2}{3}$$

- ۲ ۳۴ اگر مثلث OCF متساوی الاضلاع باشد، مثلث OAE نیز متساوی الاضلاع است و این دو مثلث بنا بر دو زاویه و ضلع بین همنهشت هستند.

$$\left\{ \begin{array}{l} \overline{FC} = \overline{AE} \\ \hat{OFC} = \hat{OAE} = 60^\circ \\ \hat{AEO} = \hat{OFC} = 60^\circ \end{array} \right.$$

حال متوازی الاضلاع را به مثلث های متساوی و همنهشت تقسیم می‌کنیم. همان طور که می‌بینیم متوازی الاضلاع به ۸ مثلث متساوی و همنهشت تقسیم شده است.



- ۳ ۳۵ طبق اصل نامساوی مثلثی، در هر مثلث مجموع اندازه دو ضلع مثلث از ضلع سوم بزرگ‌تر است. بنابراین:

$$\left\{ \begin{array}{l} (m+9) + (2m+2) > 5m \Rightarrow 3m + 11 > 5m \\ \Rightarrow -2m > -11 \Rightarrow m < \frac{11}{2} \quad (\text{I}) \\ (2m+2) + (5m) > m+9 \Rightarrow 7m+2 > m+9 \\ \Rightarrow 6m > 7 \Rightarrow m > \frac{7}{6} \quad (\text{II}) \\ (5m) + (m+9) > 2m+2 \Rightarrow 6m+9 > 2m+2 \\ \Rightarrow 4m > -7 \Rightarrow m > -\frac{7}{4} \quad (\text{III}) \end{array} \right.$$

حال بین این سه محدوده اشتراک می‌گیریم:

$$\text{I} \cap \text{II} \cap \text{III} \Rightarrow \frac{7}{6} < m < \frac{11}{2}$$

فقط استدلال «ب» صحیح است.

۴ ۳۶

ترجمه درک مطلب:
من امین هستم. من در کلاس سه تا دوست به نامهای محسن، حامد و نوید دارم. محسن دانشآموز خیلی باهوش و خیلی جدی است. او سختکوش و خیلی کارآمد (کمککننده) است و عموماً به دانشآموزان در درس‌هایشان کمک می‌کند. حامد خیلی پُرحرف و شوخ طبع است. همه دانشآموزان او را دوست دارند. نوید مهربان و آرام است اما خیلی بی‌دقت است. او عموماً چیزهای مهم را فراموش می‌کند. آن مسئله مهمی است.

۳ ۲۹ معنی جمله‌ها:

چه کسی به دانشآموزان در درس‌هایشان کمک می‌کند؟
محسن.

معنی گزینه‌ها:

- ۱) امین
- ۲) نوید
- ۳) محسن
- ۴) حامد

۲ ۳۰ معنی جمله‌ها:

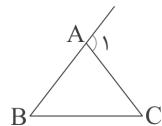
- چه کسی بادقت نیست?
- نوید.

معنی گزینه‌ها:

- ۱) محسن
- ۲) نوید
- ۳) حامد
- ۴) امین

ریاضیات

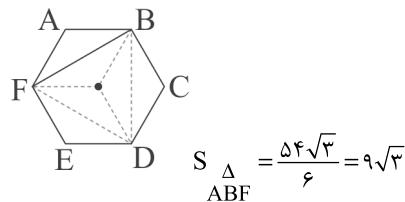
- ۲ ۳۱ می‌دانیم که زاویه خارجی هر مثلث، برابر مجموع دو زاویه غیرمجاور آن است، پس در شکل زیر $\hat{A}_1 = \hat{B} + \hat{C}$ است.



$$\left. \begin{array}{l} \hat{A}_1 = \hat{B} + \hat{C} \\ \hat{A}_1 = 2\hat{B} \end{array} \right\} \Rightarrow 2\hat{B} = \hat{B} + \hat{C} \Rightarrow \hat{B} = \hat{C} \Rightarrow AB = AC$$

مثلث متساوی الساقین است. \Rightarrow

- ۳ ۳۲ اگر از مرکز شش ضلعی منتظم خطوطی به صورت زیر رسم کنیم، ۶ مثلث همنهشت پدید می‌آیند و داریم:



$$S_{\Delta ABF} = \frac{54\sqrt{3}}{6} = 9\sqrt{3}$$

ریاضیات | ۵

حل ویدئویی سوالات این دفترچه را در
ویسایت DriQ.com مشاهده کنید.

پاسخ دهم ریاضی



زوایای \hat{E} و \hat{G} را x و زوایای \hat{D} و \hat{F} را y در نظر می‌گیریم، بنابر زاویه خارجی
داریم:

$$\begin{cases} A\hat{B}C = 2y \\ A\hat{C}B = 2x \end{cases}$$

از آن جاکه مجموع زوایای داخلی مثلث ABC برابر 180° است، پس:

$$2x + 2y + 30^\circ = 180^\circ \Rightarrow 2x + 2y = 150^\circ$$

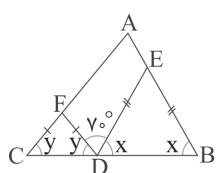
$$\Rightarrow 2(x+y) = 150^\circ \Rightarrow x+y = 75^\circ$$

همچنین در مثلث HED داریم:

$$\hat{H} + x + y = 180^\circ \Rightarrow \hat{H} + 75^\circ = 180^\circ$$

$$\Rightarrow \hat{H} = 180^\circ - 75^\circ \Rightarrow \hat{H} = 105^\circ$$

مثلثهای $\triangle EBD$ و $\triangle FDC$ متساوی الساقین هستند، پس
داریم:



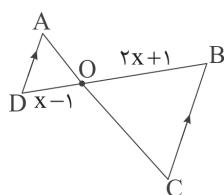
$$x + y + 75^\circ = 180^\circ \Rightarrow x + y = 110^\circ$$

مجموع زوایای داخلی مثلث ABC نیز برابر 180° است، پس داریم:

$$\hat{A} + x + y = 180^\circ \Rightarrow \hat{A} = 180^\circ - (x+y)$$

$$\Rightarrow \hat{A} = 180^\circ - 110^\circ = 70^\circ$$

اگر دو مثلث متشابه باشند، نسبت تشابه دو مثلث با نسبت
محیطهایشان برابر است، پس داریم:



$$k = \frac{2x+1}{x-1} = 4 \Rightarrow 4x - 4 = 2x + 1 \Rightarrow 2x = 5 \Rightarrow x = \frac{5}{2}$$

عبارت‌ها را طوری می‌نویسیم که 2^{-x} و 3^{-y} را بتسوییم

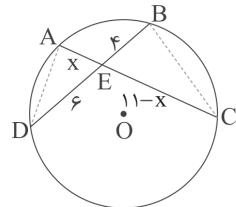
بسازیم تا به جای آن‌ها مقادیر برابرشان را قرار دهیم:

$$\begin{aligned} \frac{(2 \times 3^x)^{xy}}{(2^x)^{x+1}} &= \frac{2^{xy} \times 3^{xy}}{2^{2x+2}} = \frac{(2^{-x})^{-y} \times (3^{-y})^{-2x}}{(2^{-x})^{-2} \times 2^2} = \\ \frac{(3^{-1})^{-y} \times (2^{-1})^{-2x}}{(3^{-1})^{-2} \times 2^2} &= \frac{(3^{-y})^{-1} \times (2^{-x})^{-2}}{2^2 \times 2^2} = \frac{(2^{-1})^{-1} \times (3^{-1})^{-2}}{2^2 \times 2^2} \\ &= \frac{2^{-x} \cancel{2^x}}{\cancel{2^x} \times 2^2} = \frac{2}{2^2} = \frac{1}{2} \end{aligned}$$

اگر از A به B و از C به D خطی وصل کنیم، دو مثلث
متشابه می‌شوند ($\hat{A} = \hat{B} = \frac{\widehat{CD}}{2}$, $\hat{E} = \hat{F}$) و داریم:

$$\frac{AE}{BE} = \frac{ED}{EC} \Rightarrow \frac{x}{4} = \frac{6}{11-x} \Rightarrow x(11-x) = 24$$

با حدس و آزمایش داریم:



$$\overline{EC} = 11-x = 8$$

ابتدا عدد 8^{42} را به صورت توانی از 2 می‌نویسیم:

$$8^{42} = (2^3)^{42} = 2^{126}$$

حال می‌دانیم عدد 2^{1024} برابر 1024^{1000} است که به صورت تقریبی آن را

یا 10^{30} در نظر می‌گیریم، حال سعی می‌کنیم عدد 2^{126} را به صورت

تبديل کنیم و به جای آن 10^3 را قرار دهیم. حال داریم:

$$2^{126} = 2^6 \times 2^{120} = 2^6 \times (2^{10})^{12} = 2^6 \times (10^3)^{12}$$

$$= 2^6 \times 10^{36} = 64 \times 10^{36} = \underbrace{64}_{\text{سیزده تا}} \underbrace{000\dots}_{\text{سیزده تا}} 0$$

پس عدد 8^{42} به طور تقریبی 38 رقمی است.

دققت کنید که یک به توان هر عدد، برابر با یک و هر عدد به

توان 1 برابر خودش است.

$$\frac{2^{x-y-2}}{2^{x-2}} = \frac{2^x}{2^{x-2}} = 2^{x-x-2} = \left(\frac{1}{2}\right)^{x-2} =$$

۴۰

$$3 \times 5^{18} + 5^{19} + 25^9 + 125^6 = 3 \times 5^{18} + 5 \times 5^{18} + (5^3)^9 + (5^3)^6 =$$

$$3 \times 5^{18} + 5 \times 5^{18} + 5^{18} + 5^{18} = 1 \times 5^{18} = 2 \times 5 \times 5^{18}$$

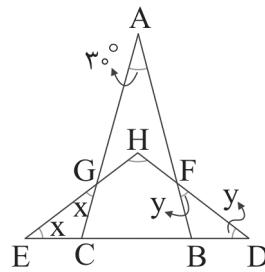
$$= 2 \times 5^{19} \xrightarrow{\div 2} 5^{19}$$

۴۱

بررسی گزینه‌ها:

با توجه به داده‌های مسئله، مثلثهای GCE و FDB متساوی الساقین

هستند و در این مثلثها داریم:





علوم تجربی

۴۵

- ۱ ۵۱ با توجه به نمودار سرعت - زمان، می‌توان گفت در مدت زمان صفر تا ۴۸، سرعت متحرک ثابت و برابر با -6 متر بر ثانیه است. پس تنها نمودار درست، نمودار گزینه (۱) است:

$$\frac{-24m}{48} = \frac{-6m}{s} \quad \text{سرعت متوسط}$$

بررسی سایر گزینه‌ها:

- (۲) متحرک ابتدا در جهت مثبت محور مکان جایه‌جا شده و سپس تغییر جهت داده و در جهت منفی‌ها جایه‌جا شده است، پس سرعت آن در کل 4 ثانیه ثابت نیست.
(۳) متحرک ابتدا در جهت مثبت محور مکان جایه‌جا شده و پس از ثانیه 3 ، در جهت منفی تغییر جهت داده، پس سرعت متحرک در کل مدت 4 ثانیه ثابت نیست.

- ۴ ۵۲ سرعت لحظه‌ای، شتاب متوسط و سرعت متوسط از کمیت‌های برداری و تندی متوسط از کمیت‌های عددی می‌باشد. سرعت، نشان‌دهنده تغییرات جایه‌جایی در واحد زمان و شتاب، نشان‌دهنده تغییرات سرعت در واحد زمان و تندی، نشان‌دهنده مسافت پیموده شده در واحد زمان می‌باشد.

- ۲ ۵۳ هنگامی که متحرک به صورت یکنواخت بر روی خط راست حرکت می‌کند، سرعت متوسط آن با سرعت لحظه‌ای آن برابر است، بنابراین:

$$54 \frac{km}{h} \xrightarrow{\div 3/6} 15 \frac{m}{s} \quad \text{روش اول:}$$

$$54 \frac{km}{h} = \frac{54km}{1h} = \frac{5400m}{3600s} = 15 \frac{m}{s} \quad \text{روش دوم:}$$

- ۳ ۵۴ تنها نیرویی که به جسم‌های A و B وارد می‌شود، نیروی گرانش است، بنابراین شتاب ایجادشده برای هر کدام، همان شتاب گرانش سیاره است (g)، یعنی تغییرات سرعت در واحد زمان برای هر دو جسم، یکسان است و در هر ثانیه مقدار یکسانی بر سرعت جسم‌های A و B افزوده می‌شود و از آن جایی که ارتفاع سقوط برای هر دو جسم، یکسان است، بنابراین مدت زمان سقوط و سرعت جسم هنگام رسیدن به سطح سیاره نیز برای هر دو یکسان است.

- ۴ ۵۵ برای آن که سرعت زیردریایی ثابت و در نتیجه شتاب آن صفر بماند، نیروی خالص وارد بر زیردریایی باید صفر باشد.

- ۱ ۵۶ در ترازوی دوکه‌ای، زمانی که جرم درون هر دو کفه برابر باشد، دو کفه روبروی یکدیگر و در یک سطح قرار می‌گیرند.

- جرم سبیلهای در همه جای عالم مقدار یکسانی دارد. به این ترتیب بر روی ماه هم با قرار دادن وزنه 3 کیلوگرمی، دو کفه ترازو در یک سطح قرار می‌گیرند.

- ۲ ۵۷ جسم تندی ثابت دارد، پس نیروی اصطکاک (نیروی مخالف لغزش) در حال کنترل سرعت جسم است تا افزایش نیابد. نیروی وزن جسم را به سوی زمین می‌کشد و نیروی تکیه‌گاه از سوی سطح شیبدار (عمود بر سطح) به جسم وارد می‌شود تا نگذارد جسم درون سطح شیبدار فرو رود.

- ۳ ۵۸ خشکی واحد اولیه، پانگه‌آ نام داشت و آب‌های اطراف آن اقیانوس پانتمالسا بود. میلیون‌ها سال بعد، این خشکی بزرگ به دو خشکی کوچک‌تر به نام‌های لورازیا و گندوانا تقسیم شد که بین آن‌ها را دریای تیتانیس پر کردند بود.

در صورت و مخرج از 2^x فاکتور می‌گیریم:

$$\frac{\cancel{2^x}(1+2^1+2^2)}{\cancel{2^x}(2^3-1)} = \frac{7}{7} = 1$$

- ۳ ۴۶ هر سه مجموعه داده شده نامتناهی هستند. با علم به این موضوع گزینه‌ها را بررسی می‌کنیم:

بررسی گزینه‌ها:

- (۱) C-A مجموعه‌ای شامل مضارب 5 است که مضارب 12 از آن برداشته شده است؛ چون 12 شمارنده 5 نیست و نسبت به آن اول است، در واقع فقط مضارب 60 از مجموعه C حذف می‌شود، پس این گزینه همچنان نامتناهی است.

- (۲) B-A مجموعه‌ای شامل مضارب 4 است که مضارب 12 از آن برداشته شده است؛ پس این مجموعه نیز نامتناهی است.
(۳) A-B، شامل مضارب 12 است که مضارب 4 از آن برداشته شده است؛ می‌دانیم تمام اعداد مضارب 12 مضرب 4 هم هستند؛ پس این مجموعه، مجموعه‌ای تهی و لذا متناهی است.

- (۴) A-C مجموعه‌ای از مضارب 12 است که مضارب 5 از آن برداشته می‌شود. چون 5 شمارنده 12 نیست در واقع فقط مضارب 60 از مجموعه A کم می‌شود؛ پس این مجموعه همچنان نامتناهی است.

$$5x+2 \in [-3, 12] \Rightarrow -3 \leq 5x+2 \leq 12$$

۱ ۴۷

- $\frac{-2}{-2} \leq -5 \leq 5x \leq 10 \xrightarrow{\div 5} -1 \leq x \leq 2$
- ۱ ۴۸ ابتدا سعی می‌کنیم الگویی برای تعداد پاره‌خط‌های کوچک و نقاط بیاییم.

شماره شکل	۱	۲	۳	...	n
تعداد نقاط	۴	۷	۱۰	...	$3n+1$
تعداد پاره‌خط‌های کوچک	۵	۱۰	۱۵	...	$5n$

در شکلی که 85 پاره‌خط کوچک وجود دارد، داریم:

$$5n = 85 \Rightarrow n = 17$$

$$= 3(17) + 1 = 52 \quad \text{تعداد نقاط در شکل هدفهم} \Rightarrow$$

۱ ۴۹

$$a_1 = 1, a_2 = 2, a_3 = a_1 \times a_2 = 2, a_4 = a_3 \times a_2 = 2^2, \dots$$

بنابراین جملات ذنباله عبارتند از:

$$1, 2, 2, 2^2, 2^3, 2^5, 2^8, 2^{13}, 2^{21}, 2^{34}, \dots \downarrow a_{10}$$

$$t_5 = t_3 r^2 \Rightarrow r^2 = \frac{t_5}{t_3} = \frac{1}{2} \Rightarrow r = \pm \frac{1}{\sqrt{2}}$$

$$\begin{cases} t_7 = t_5 r^2 \Rightarrow t_7 = 1 \times (\pm \frac{1}{\sqrt{2}})^2 = \frac{1}{2} \\ t_9 = t_5 r^4 \Rightarrow t_9 = 1 \times (\pm \frac{1}{\sqrt{2}})^4 = \frac{1}{4} \end{cases} \Rightarrow t_7 + t_9 = \frac{1}{2} + \frac{1}{4} = \frac{3}{4}$$



۶۴ پدیده پخش در مایعات به دلیل حرکت‌های نامنظم و کاتورهای (تصادفی) مولکول‌های آب و برخورد آن‌ها با ذرات سازنده مواد داخل آب است.

۶۵ وقتی مولکول‌های مایع را کمی از هم دور می‌کنیم، نیروی جاذبه بین آن‌ها ظاهر می‌شود و وقتی فاصله بین مولکول‌های مایع را کم کسیم، نیروی دافعه بین آن‌ها ظاهر می‌شود.

۱ ۶۶

$$\begin{cases} n - e = 4 \\ p - e = 2 \\ n + p = 58 \end{cases} \Rightarrow p = 28, e = 26, n = 30$$

رابطه $A = 2Z + 2$ برای اتم X^{2+} و یون X^{2+} برقرار است:
 $A = 2Z + 2 : (28 + 30) = 2(28) + 2$

۶۷ رادیوایزوتوپ مورد نظر H^3 است که هسته اتم آن شامل ۲ نوترون (ذره خنثی) و ۱ پروتون (ذره مثبت) است. با توجه به این‌که جرم پروتون و نوترون تقریباً با هم برابر است، به تقریب $\frac{3}{4}$ یا $66/66$ درصد جرم هسته رادیوایزوتوپ مورد نظر را ذره‌های خنثی (نوترون‌ها) تشکیل می‌دهند (حذف گزینه‌های (۳) و (۴)).

از آن‌جا که جرم نوترون اندکی بیشتر از جرم پروتون است پاسخ دقیق‌تر باید بزرگ‌تر از $66/66$ باشد (حذف گزینه (۱)).

۶۸ مقایسه میان طول موج شعله فلزهای Li, Na و Cu به صورت زیر است:

$Li > Na > Cu$
(سیز) (زرد) (سرخ)

۶۹ ایزوتوپ‌های سبک‌تر و سنگین‌تر را به ترتیب با A_۱ و A_۲ نمایش می‌دهیم.

$$\bar{M} = \frac{[M_1 \times 1] + [(M_1 + 2) \times 3]}{1 + 3} = \frac{4M_1 + 6}{4} = M_1 + 1/5$$

$$V = a^3 = 4^3 = 64 \text{ cm}^3$$

۱ ۷۰

$$\begin{aligned} ? \text{ atom Fe} &= 64 \text{ cm}^3 \times \frac{\lambda \text{ g Fe}}{1 \text{ cm}^3} \times \frac{1 \text{ mol Fe}}{56 \text{ g Fe}} \times \frac{6.02 \times 10^{23} \text{ atom Fe}}{1 \text{ mol Fe}} \\ &= 5.04 \times 10^{24} \text{ atom Fe} \end{aligned}$$

۵۹ با توجه به شکل داده شده در سؤال، ورقه نازکا ورقه‌ای اقیانوسی است؛ بنابراین به زیر ورقه‌ای در مجاورتش خواهد رفت که قاره‌ای باشد و تنها ورقه آمریکای جنوبی این ویژگی را دارد.

۶۰ عبارت‌های «الف»، «ج» و «ه» از دلایل موافقان و گنر برای اثبات متصل بودن قاره‌ها در گذشته هستند.

بررسی سایر عبارت‌ها:

ب) این عبارت جزو شواهد جایه‌جایی قاره‌ها نیست. ضمناً دانشمندان برای اثبات نظریه و گنر، از فسیل جانداران به عنوان نشانه‌ای از اتصال این قاره‌ها در گذشته استفاده می‌کنند. دانشمندان در توجیه این دلیل می‌گویند چون این قاره‌ها قبل‌اً به هم متصل بودند، بعضی از جاندارانی که در این مناطق (اتصال) زندگی می‌کردند، پس از مردن تبدیل به فسیل شدند. بعد از فسیل شدن جانداران آن مناطق، وقتی قاره‌ها از هم جدا شدند، تعدادی از این فسیل‌ها در حاشیه یک قاره و تعدادی دیگر از آن‌ها در حاشیه قاره‌ای دیگر قرار گرفتند، چون این فسیل‌ها از جانداران گونه‌های مشابهی بودند، همین موضوع دلیلی برای متصل بودن این مناطق در گذشته است.

د) طبق یافته‌های دانشمندان، حاشیه شرقی قاره آمریکای جنوبی بر حاشیه غربی آفریقا منطبق است.

۳ ۶۱ بروزی گزینه‌ها:

$$11135 \text{ m} = 135 \text{ m} \times \frac{10^6 \mu\text{m}}{1 \text{ m}} = 135 \times 10^6 \mu\text{m} \quad (\checkmark)$$

$$2) 72 \text{ mg} = 72 \text{ mg} \times \frac{1 \text{ g}}{10^3 \text{ mg}} = 7/2 \times 10^{-2} \text{ g} \quad (\checkmark)$$

$$\begin{aligned} 3) 340 \text{ cm}^2 &= 340 \text{ cm}^2 \times \frac{1 \text{ m}^2}{10^4 \text{ cm}^2} = 340 \times 10^{-4} \text{ m}^2 \\ &= 3/4 \times 10^{-2} \text{ m}^2 \quad (\times) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 4) 0.36 \mu\text{s} &= 0.36 \mu\text{s} \times \frac{10^{-6} \text{ s}}{1 \mu\text{s}} \times \frac{10^3 \text{ ms}}{1 \text{ s}} = 0.36 \times 10^{-3} \text{ ms} \\ &= 3/6 \times 10^{-4} \text{ ms} \quad (\checkmark) \end{aligned}$$

۶۲ دقت اندازه‌گیری ابزارهای اندازه‌گیری مدرج، برابر با کمینه

درجه‌بندی آن ابزار است که برای تندی‌سنج شکل صورت سؤال برابر $\frac{5 \text{ km}}{h}$ است.

۱ ۶۳ با استفاده از رابطه چگالی داریم:

$$\rho_B = \frac{m_B}{V_B} \Rightarrow 2/4 = \frac{m_B}{30-20} \Rightarrow m_B = 24 \text{ g}$$

$$\rho_C = \frac{m_C}{V_C} \Rightarrow 3/6 = \frac{m_C}{20} \Rightarrow m_C = 72 \text{ g}$$

بنابراین:

$$\frac{m_B}{m_C} = \frac{24}{72} = \frac{1}{3}$$