

دفترچه شماره ۱

آزمون شماره ۴

۱۴۰۱/۰۵/۲۸



آزمونهای سراسری کاج

گزینه درست را انتخاب کنید.

سال تحصیلی ۱۴۰۱-۱۴۰۲

سوالات آزمون

پایه دهم ریاضی

دوره دوم متوسطه

شماره داوطلبی:	نام و نام خانوادگی:
۷۵ دقیقه	۶۰

عنوانین مواد امتحانی آزمون گروه آزمایشی علوم ریاضی، تعداد سوالات و مدت پاسخگویی

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سوال	وضعیت	شماره سوال	مدت پاسخگویی	تاریخ	شماره داوطلبی:
			پاسخگویی				
۱	فارسی نهم	۱۰	اجباری	۱	۱۰ دقیقه	۱۰	
۲	عربی نهم	۱۰	اجباری	۱۱	۲۰ دقیقه	۲۰	
۳	زبان انگلیسی نهم	۱۰	اجباری	۲۱	۳۰ دقیقه	۳۰	
۴	ریاضی نهم	۱۰	اجباری	۳۱	۴۰ دقیقه	۴۰	
	ریاضی نهم	۵	اختیاری	۴۱	۴۵ دقیقه	۴۵	
	ریاضی ۱	۵		۴۶	۵۰ دقیقه	۵۰	
۵	علوم نهم	۱۰	اجباری	۵۱	۶۰ دقیقه	۶۰	
	فیزیک ۱	۵	انتخابی	۶۱	۶۵ دقیقه	۶۵	
	شیمی ۱	۵		۶۶	۷۰ دقیقه	۷۰	



فارسی



- ۱- معنی چند واژه در برابر آن، نادرست نوشته شده است؟
- «تپنده (بی قرار) / مام (مادر) / مایهور (پر آب) / فراخنا (گیستردگی) / آوردگاه (میدان جنگ) / گُنم (جانوران وحشی) / بُن (انتها) / جوهر (اصل)»
- (۱) سه (۲) دو (۳) یک (۴) چهار
- ۲- به ترتیب واژه‌های کدام گزینه با «عاقبت» و «اطراف» ریشه یکسانی دارند؟
- (۱) تعقیب - طرف (۲) عقربه - طوف (۳) تعقیب - طوف (۴) عقربه - طوف
- ۳- عبارت‌های «الف» و «ب» به ترتیب کدام آثار را معرفی می‌کنند؟
- «الف»: این مثنوی سروده نظامی و در حدود ۲۶۰ بیت در اخلاق و موضع و حکم است که در حدود سال ۵۷۰ ه. ق به اتمام رسید.
- «ب»: کتابی از عبدالرحمن جامی که به پیروی از گلستان سعدی به نظم و نثر نوشته شده است. این کتاب دارای هشت روضه (باب)، یک مقدمه و یک خاتمه است.
- (۱) چهارمقاله - شاهنامه (۲) مخزن الاسرار - شاهنامه (۳) چهارمقاله - بهارستان (۴) مخزن الاسرار - بهارستان
- ۴- با توجه به عبارت «مادر، گرامی گوهری است.»، کدام گزینه درست است؟
- (۱) «گوهر» صفت مادر است. (۲) «گرامی» صفت مادر است. (۳) «گوهر» صفت گرامی است.
- ۵- در کدام بیت بین واژه‌های قافیه «جناس» وجود دارد؟
- شناسنده آشکار و نهان
همه نیکنامی بود کارتان
به نیکی ندارند از بد هراس
از آن به که کشور به دشمن دهیم
- (۱) همی خواهم از کردگار جهان
(۲) که باشد ز هر بدم نگهداران
(۳) همه یکدلا نیز دیزان شناس
(۴) همه سر به سرتان به کشتن دهیم
- ۶- با توجه به عبارت «به ما که چون ظرف سیمگون می‌درخشید می‌نگرم»، کدام گزینه درست است؟
- (۱) «ماه» مشبه - «ظرف سیمگون» مشبه به - وجه‌شبیه ذکر نشده - «چون» ادب تشبيه
(۲) «ماه» مشبه - «ظرف سیمگون» مشبه به - «می‌درخشید» وجه‌شبیه - «چون» ادب تشبيه
(۳) «ظرف سیمگون» مشبه - «ماه» مشبه به - «می‌درخشید» وجه‌شبیه - «چون» ادب تشبيه
(۴) «ظرف سیمگون» مشبه - «ماه» مشبه به - وجه‌شبیه ذکر نشده - «چون» ادب تشبيه
- آرایه‌های بیت زیر در کدام گزینه به درستی ذکر شده است؟
- «خون میان سنگ آزادگان جوشید مثل یک موج خروشان شد»
- (۱) کنایه - تکرار (۲) تضاد - تکرار (۳) تضاد - تشبيه (۴) کنایه - تشبيه
- ۷- در کدام گزینه، آرایه تلمیح یافت نمی‌شود؟
- شرط اول قدم آن است که مجنون باشی
خبری گفته و غمگین دل فرهاد کنید
صفد در کنارش به جان پرورید
آدم آورد در این دیر خراب آبادم
- (۱) در ره منزل لیلی که خطرهای در آن
(۲) بیستون بر سر راه است میاد از شیرین
(۳) چو خود را به چشم حقارت بدید
(۴) من مَلَک بودم و فردوس بربین جایم بود



-۹- مفهوم عبارت «ای مرد، کدامیک از این دو امر بهتر است: این که مسئله را بدانم و بمیرم یا نادانسته و جاھل درگذرم؟» از کدام بیت دریافت می‌شود؟

- | | | |
|----------------------------------|--------------------------------------|----|
| نه همه مستمعی، فهم کند این اسرار | کوه و دریا و درختان همه در تسبیح‌اند | ۱) |
| سزا خود همین است مر بی بری را | بسوزند چوب درختان بی بر(ثمر) | ۲) |
| هر ورقش دفتری است معرفت کردگار | برگ درختان سبز در نظر هوشیار | ۳) |
| بے زیمر آوری چرخ نیل وفری را | درخت توگر بار دانش بگیرد | ۴) |
- کدام بیت با مصraig «زگهواره تاگور دانش بجوى»، قرابت معنایی دارد؟

- | | | |
|---------------------------|--------------------------|----|
| وگر چند سختیت آید به روی | ز دانش در بی نیازی بجوى | ۱) |
| ز دانش میفکن دل اندر گمان | میاسای از آموختن یک زمان | ۲) |
| ز دانش دل پیر بزنابود | توانابود هر که دانا بود | ۳) |
| کاخضر عیفی است توانارا | غره مشو به زور و توانایی | ۴) |



■ عین الصحيح في الجواب للترجمه أو المفردات أو المفهوم (۱۶ - ۱۱):

-۱۱- ترجمة چند واژه از واژگان «جراح، کیبز، سگت، تجاج، تغلب، نقص، ماث، جد، ظلن، حاول» در میان کلمات زیر به درستی آمده است؟ (کلمات نامربوط چیده شده‌اند).

«ساکت کرد - موفق - کم کرد - زخمی شد - تلاش کرد - کوشید - بزرگسال - گرگ - گمان کرد - مُرد»

۷ (۴) ۶ (۳) ۵ (۲) ۴ (۱)

-۱۲- ترجمة صحيح «عندما شاهد المدرس أسماء الراسبين في مدرسة القرية، لام نفسه و غير طريقة تدریسها!» کدام است؟

- ۱) زمانی که معلم نامهای دانشآموزان مردود را در مدرسه روستا خواند، خودش را ملامت کرد و روش تدریسش را تغییر داد!
- ۲) وقتی که آموزگار اسمهای مردودشده‌گان را در مدرسه روستا دید، تصمیم گرفت که شیوه تدریس خودش را تغییر دهد!
- ۳) هنگامی که آموزگار نامهای دانشآموزان مردود را در مدرسه روستا مشاهده کرد، غمگین شد و روش تدریسش تغییر کرد!
- ۴) هنگامی که معلم اسمهای مردودشده‌گان را در مدرسه روستا دید، خودش را سرزنش کرد و شیوه تدریسش را تغییر داد!

-۱۳- ترجمة صحيح عبارت «بعدما علمت الأم أن أولادها قد إجهضوا و تجحوا في الامتحان حمِدت ربه!» کدام است؟

- ۱) مادر پس از فهمیدن موققیت فرزندان تلاشگر خود در امتحان، پروردگارش را ستایش کردا!
- ۲) مادر وقتی پروردگارش را ستایش کرد، دانست فرزندانش تلاشگرند و در امتحان پیروز شده‌اند!
- ۳) بعد از این‌که مادر دانست که فرزندانش تلاش کرده‌اند و در امتحان موقق شده‌اند، پروردگارش را ستودا!
- ۴) بعد از این‌که مادر فهمید که فرزندان تلاشگر در امتحان موقق شده‌اند، خداوند را ستایش کردا!

-۱۴- «تحاول الغزال أن تخرج من حفرة عميقه وقعت فيها و سائر الحيوانات تساعدها أيضاً: آهو»

- ۱) تلاش می‌کرد از حفره عمیقی که در آن افتاده بود، خارج شود و سایر حیوانات نیز به او کمک می‌کردند!
- ۲) تلاش می‌کند که از گودال عمیقی که در آن افتاده است، بیرون بیاید و بقیه حیوانات نیز به او کمک می‌کنند!
- ۳) تلاش کرد از گودال عمیقی که در آن افتاده بود، بیرون بیاید و حیوانات دیگر نیز به او کمک می‌کردند!
- ۴) تلاش می‌کند از گودال عمیقی که در آن افتاده است، خود را بیرون بیاورد و حیوانات نیز به او کمک می‌کنند!



- ۱۵- کدام کلمه با سایر گزینه‌ها تناسب معنایی ندارد؟
- (۱) ریح (۲) أَخْذُ (۳) سحاب (۴) مَطَّرَ
- ۱۶- کدام گزینه مفهوم اشتباهی دارد؟
- (۱) الصوم هو الإمتناع عن الشّراب و الطّعام و عن الأكْلِ لأمر الطّبيب.
 (۲) الرَّاسِبُ هو الّذِي لَا يَتَجَحَّ في إمتحاناتِ نِهايةِ السَّنةِ التَّحصيليةِ.
 (۳) الحفلةُ اجتماعُ النَّاسِ لِفَرَحٍ وَلَيْسَتِ الإجتماعيةُ لِلْحُزْنِ وَالعزاءِ.
 (۴) الشَّيْطُونُ هو الّذِي يحبُ العملَ وَيَحاوِلُ كثِيرًا فِي حَيَاتِهِ.
- عَيْنُ الصَّحِيحِ فِي الْجَوابِ عَنِ الْأَسْئِلَةِ التَّالِيَةِ (۲۰ - ۱۷):
- ۱۷- صورت مضارع کدام فعل صحیح نوشته شده است؟
- (۱) إِسْتَلَمَ: يَسْتَلِمُ (۲) غَيَّرَ: يُغَيِّرُ (۳) دَفَعَ: يَدْفِعُ (۴) لَامَ: يَلَمُ
- ۱۸- کلمات کدام گزینه باید در عبارت زیر باید تا مفهوم فارسی «نویس در کتاب آن چه راکه نمی‌دانی.»، به درستی تکمیل شود؟
- «..... فِي الْكِتَابِ مَا»
- (۱) لَا تَكُنْتُبْ - لَا تَعْلَمْ (۲) لَا تَكُنْتُبْ - لَا تَعْلَمْ
 (۳) لَا تَكُنْتُبِي - لَا تَعْلَمِينَ (۴) لَا تَكُنْتُبِي - لَا تَعْلَمِينَ
- ۱۹- نگارش کدام گزینه بدون اشتباه است؟
- (۱) لَا تَنْصُرِي صَدِيقَاتَكَ إِذَا تَعْلَمَيْنَ بِأَنَّهُنَّ ظَالِمَاتٍ.
 (۲) أَخْرُجْ مِنَ الْبَيْتِ قَبْلَ غُرُوبِ الشَّمْسِ يَا وَالَّدَةِ سَعِيدٍ.
 (۳) قَالَتِ الْحَيَوانَاتُ: تَحْنُ ظَلَمَنَا الْقَرَالَةَ.
- ۲۰- صورت مضارع کدام گزینه نادرست نوشته شده است؟
- (۱) جَدَّ: يَجِدُ (۲) ضَرَحَ: يَضْرُحُ (۳) إِعْتَدَزَ: يَعْتَدِزُ (۴) كَشَفَ: يَكْشُفُ



PART A: Grammar and Vocabulary

Directions: Questions 21-28 are incomplete sentences. Beneath each sentence you will see four words or phrases, marked (1), (2), (3), and (4). Choose the one word or phrase that best completes the sentence. Then mark your answer sheet.

21- Shiva: We visit our in Norooz. fun!

Hadis: Do you get New Year , too?

Shiva: We usually get money. I really like it.

- 1) actually / members / It's / gifts / Why not? 2) normally / classmates / Its / nuts / Well.
 3) normally / relatives / It's / gifts / Sure! 4) usually / tourists / Its / nuts / Sorry.

22- Tourist: is the post office?

Mina: , it's near here. It's just round the

Tourist: Thank you.

- 1) What / Usually / around / Hard. 2) Where / Actually / corner / Good!
 3) Who / Normally / over / I see! 4) Why / Really / corner / Easy.



23- Zahra: sir! I'm lost!

Police: worry. I can you home.

- 1) Please / Don't / get 2) Excuse me / Doesn't / take
3) Please / Didn't / get 4) Excuse me / Don't / take

24- Shiva: What everyone in New Year holidays?

Hadis: Well, new clothes.

- 1) do / eat 2) does / wear 3) does / eat 4) do / wear

25- Police officer: Why are you here?

Mina: I'm lost.

Police officer: I can you home.

Mina: Thank you, sir.

- 1) Excuse me / get 2) Actually / take a bus
3) Sorry / get off 4) Don't worry / take

26- Teacher: What special does your son do?

Amin's father: He usually visits museums and the Web.

- 1) activities / surf 2) activities / send
3) ceremonies / look 4) personalities / search

27- Fitri Eid is an religious holiday in Muslim countries. In all Muslim countries people the same

- 1) possible / take / problem 2) patient / get / voluntary
3) important / hold / ceremony 4) pleasant / make / activity

28- Zahra: does Hadis come to school?

Mina: I guess because her house is

- 1) Why / early / far 2) Why / late / far
3) Where / late / near 4) When / early / near

PART B: Reading Comprehension

Directions: In this part of the test, you will read a passage. The passage is followed by two questions.

Answer the questions by choosing the best choice, (1), (2), (3), or (4). Then mark your answer sheet.

I really like New Year holidays. We have a lot of fun. We go shopping and buy new clothes. We clean our houses and wash our carpets. My cousin and I color the eggs. My sister sets the Haft Seen table. On New Year day my mother cooks rice with fish. We always visit my grandparents and our relatives. And on Nature Day we go out and play.

29- Who makes food for New Year day?

.....

- 1) my mother 2) my sister
3) my grandparent 4) my relative

30- Who colors the eggs?

.....

- 1) My sister and I 2) My mother
3) My cousin and I 4) My grandparents



ریاضیات



۳۱ - حاصل عبارت زیر به صورت نماد علمی کدام است؟

$$\frac{0.89 \times 10^{-5} + 2/3 \times 10^{-9} \div 4/6 \times 10^{-3}}{2 \times 10^6} =$$

۱/۲۱×۱۰^{-۱۱} (۴)

۴/۷×۱۰^{-۱۳} (۳)

۴/۷×۱۰^{-۱۲} (۲)

۱/۲۱×۱۰^{-۱۲} (۱)

۳۲ - اگر $B=(\sqrt{b})^{ab}$ و $A=(\sqrt{a})^{ab}$ آن‌گاه حاصل ab کدام است؟

۴ (۴)

$\frac{1}{2}$ (۳)

$\frac{1}{4}$ (۲)

۲ (۱)

۳۳ - کدام گزینه نادرست است؟

$\sqrt{32} + \sqrt{2} = \sqrt{50}$ (۲)

$\sqrt{1-\sqrt{2}} > \sqrt{1-\sqrt{3}}$ (۱)

$-\sqrt{25} + \sqrt{9} + \sqrt{16} > 0$ (۴)

$1 + \sqrt{15} < 5 < \sqrt{26}$ (۳)

۳۴ - اگر $ax + \sqrt{a} = 3$ و $(\sqrt{a})^x = a$ باشد، مقدار x کدام است؟

$\sqrt{3}$ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

۳۵ - درجه یک جمله‌ای $a^{x+y} b^{x-y} c^{x^z}$ نسبت به دو متغیر a و b برابر $-8x^2$ است. در این صورت درجه یک جمله‌ای نسبت به c کدام است؟

۴ (۴)

۱۶ (۳)

۱۲ (۲)

۸ (۱)

۳۶ - اگر $-1 - 2x = -x^2 - 2x$ باشد، مقدار عددی عبارت جبری $\frac{2x-1}{3x-2}$ کدام است؟

-۱ (۴)

$\frac{1}{2}$ (۳)

۱ (۲)

$\frac{3}{5}$ (۱)

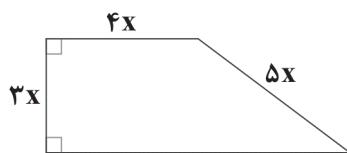
۳۷ - در ذوزنقه شکل زیر، نسبت مساحت به محیط، کدام است؟

X (۱)

۱/۲X (۲)

۰/۹X (۳)

۲X (۴)

۳۸ - ساده شده عبارت جبری $\frac{x^2-x}{x^2-1} + \frac{1-x}{x+1}$ کدام است؟

$\frac{1}{x}$ (۴)

$\frac{1}{x-1}$ (۳)

$(x-1)^{-2}$ (۲)

$(x+1)^{-1}$ (۱)

- ۳۹ - اگر $a+b=1-\sqrt{2}$ و $a-b=\sqrt{2}-2$ باشد، آنگاه مقدار عددی $a-b$ کدام است؟

۱) ۴

۲) $1-\sqrt{2}$ ۳) $1+\sqrt{2}$ ۴) $\sqrt{2}$

$$\frac{x}{3} - \frac{1}{2} < \frac{x-1}{6}$$

- ۴۰ - مجموعه جواب نامعادله مقابله در کدام گزینه آمده است؟

$$D = \{x \in \mathbb{Z} \mid x < 2\}$$

$$D = \{x \in \mathbb{Z} \mid x > 2\}$$

$$D = \{x \in \mathbb{R} \mid x < 2\}$$

$$D = \{x \in \mathbb{R} \mid x > 2\}$$

توجه: داوطلب گرامی، لطفاً از بین سوالات اختیاری ۱ (ریاضی نهم، شماره ۴۱ تا ۴۵) و اختیاری ۲ (ریاضی ۱)، شماره ۴۶ تا ۵۰، فقط یک سری را به انتخاب خود پاسخ دهید.

اختیاری ۱

ریاضی نهم (سوالات ۱۴ تا ۱۴۵)

- ۴۱ - اگر $A = 8/4 \times 10^{-12}$ و $B = 4/5 \times 10^{-4}$ باشد، حاصل AB به صورت نماد علمی کدام است؟۱) $3/78 \times 10^{-3}$ ۲) $3/78 \times 10^{-4}$ ۳) $3/78 \times 10^{-5}$ ۴) $3/78 \times 10^{-2}$ - ۴۲ - اگر $\sqrt[3]{A^2 + 1}$ باشد، حاصل A کدام است؟

$$\frac{\sqrt{63}}{8}$$

$$\frac{17}{16}$$

$$\frac{\sqrt{65}}{8}$$

$$\frac{1}{8}$$

- ۴۳ - اگر اندازه یک ضلع مربع برابر $\sqrt{2} + \sqrt{18}$ باشد، مساحت این مربع کدام است؟

۱) ۳۲

۲) ۳۴

۳) ۲۰

۴) $\sqrt{20}$ - ۴۴ - اگر $\sqrt{x} - \sqrt{y} = 2\sqrt{xy}$ باشد، حاصل عبارت زیر کدام است؟

$$\frac{\sqrt{t} - \sqrt{x} + \sqrt{n} - \sqrt{t}}{\sqrt{xt} + \sqrt{tn} + \sqrt{y} - \sqrt{n}}$$

۱) -۲

۲) ۲

۳) -۸

۴) ۸

سایت کنکور

- ۴۵ - اگر $a, b, c > 0$ باشد، حداقل مقدار ممکن $\frac{c^2}{ab}$ کدام است؟

۱) ۲۵

۲) ۱۶

۳) ۹

۴) ۱

اختیاری ۲

ریاضی ۱ (سوالات ۴۶ تا ۵۰)

- ۴۶ - اشتراک دو بازه $(n, +\infty)$ و $(1, m)$ ناتپی است. کدام گزینه همواره صحیح است؟۱) $n < m < 1$ ۲) $m < n < 1$ ۳) $n < 1$ ۴) $n \leq 1$

- ۴۷ - در یک الگوی درجه دوم، جملات به صورت ...، ۱۰، ۲۳، ۱۱ می‌باشند. جمله هفتم این دنباله کدام است؟

۱) ۸۱

۲) ۱۱۵

۳) ۷۳

۴) ۱۲۳



- مساحت یک مثلث متساوی الساقین که زاویه بین دو ساق آن 45° است. طول هر ساق چند واحد است؟

(۴) $\sqrt{6}$

(۳) $3\sqrt{2}$

(۲) $2\sqrt{6}$

(۱) $2\sqrt{3}$

- کدام یک از گزینه‌های زیر درست است؟

$\sin 20^\circ < \sin 25^\circ$ (۲)

(۱) $\tan 20^\circ > \tan 25^\circ$

$\sin 30^\circ > \cos 60^\circ$ (۴)

(۳) $\cos 20^\circ < \cos 25^\circ$

- خط $y = 2\sqrt{3}kx - 3$ با جهت مثبت محور x ها زاویه 30° می‌سازد. k کدام است؟

(۴) ۴

(۳) $\frac{1}{4}$

(۲) ۲

(۱) $\frac{1}{2}$



علوم تجربی



- کدام گزینه در ارتباط با فسیل‌های راهنمای نادرست است؟

(۲) عمر کوتاه جاندار

(۱) پراکندگی کم

(۴) سهولت شناسایی

(۳) فراوانی در رسوبات

- در کدام گزینه بهترین شرایط برای تشکیل فسیل توصیف شده است؟

(۱) مهره‌داری در بیابان که جسدش در حال خوردگشتن است.

(۲) کرمی در رودخانه‌ای پر جوش و خروش

(۴) کرمی بر روی صخره‌های کوهستانی

(۳) صدفی در ته باتلاقی ساکن

- اولین گام برای شناسایی و اکتشاف ذخایر نفتی و گازی کدام گزینه است؟

(۱) بررسی احتمال وجود ذخایر با استفاده از امواج لرزه‌ای

(۲) یافتن محل‌های مستعد با استفاده از تصاویر ماهواره‌ای

(۳) حفر چاه اکتشافی و نمونه‌برداری از لایه‌های سنگی

(۴) مطالعه فسیل‌های ذره‌بینی موجود در نمونه‌های برداشت شده

- یک جرثقیل برای بالابردن جسمی به جرم ۲ تن، از جک هیدرولیکی استفاده می‌کند. مساحت پیستون زیر جسم در این جک تقریباً 50 سانتی‌متر مربع است. حساب کنید فشار رogen در این جرثقیل حداقل چند کیلوپاسکال باید باشد؟ (شتاب گرانش را تقریباً 10 متر بر

مجذور ثانیه فرض کنید).

(۴) ۴۰۰۰۰۰۰

(۳) ۱۰۰۰۰۰

(۲) ۲۵۰۰۰

(۱) ۴۰۰

- یک بالابر هیدرولیکی برای بالا بردن یک خودرو مورد استفاده قرار گرفته است. کدام گزینه در مورد این وسیله درست است؟

(۱) بنابر اصل پاسکال، میزان فشار در زیر خودرو (پیستون بزرگ‌تر) بیشتر از نقاط دیگر است.

(۲) بنابر اصل پاسکال، میزان نیرو در زیر خودرو (پیستون بزرگ‌تر) بیشتر از ستون دیگر است.

(۳) بنابر اصل پاسکال، نیرویی که مایع به نقاط مختلف وارد می‌کند، یکسان است.

(۴) بنابر اصل پاسکال، فشار در بالابر به نسبت مساحت پیستون‌ها افزایش خواهد یافت.



۵۶- هنگامی که یک چاقو را تیز می‌کنیم، کدام یک از موارد زیر اتفاق می‌افتد؟

(الف) مزیت مکانیکی آن را افزایش می‌دهیم.

(ب) شرایط لازم برای افزایش فشار آن بر جسم را ایجاد می‌کنیم.

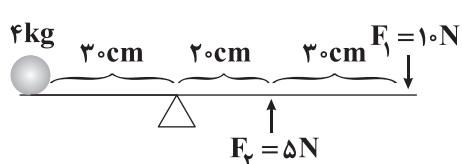
(ج) نیروی مقاوم را برای جسم کاهش می‌دهیم.

(۱) «الف» و «ج»

(۴) «الف»، «ب» و «ج»

(۳) «الف» و «ب»

۵۷- اگر بخواهیم اندازه گشتاور خالص وارد بر میله زیر را دو برابر کنیم، به نیروی F_1 باید چند نیوتون اضافه تر شود؟ ($g = 10 \frac{N}{kg}$)



۴۸ (۱)

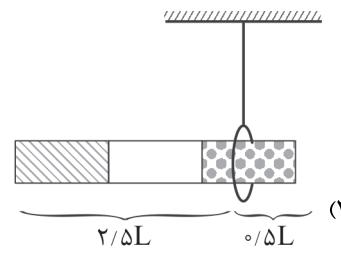
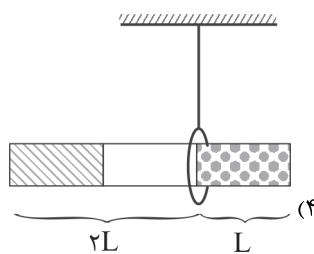
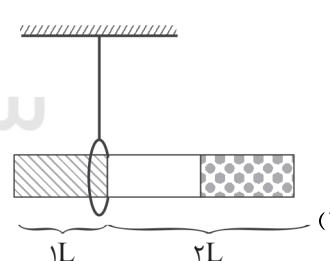
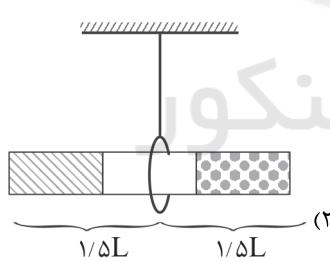
۵۸ (۲)

۹۰ (۳)

۱۰۰ (۴)

۵۸- مانند شکل مقابل، جسمی داریم که از سه قطعه همان‌دازه با چگالی‌های داده شده در جدول زیر ساخته شده است. می‌خواهیم جسم را به کمک نخی آویزان کنیم به طوری که در تعادل قرار بگیرد. کدام گزینه وضعیت تعادل جسم را به درستی نشان می‌دهد؟

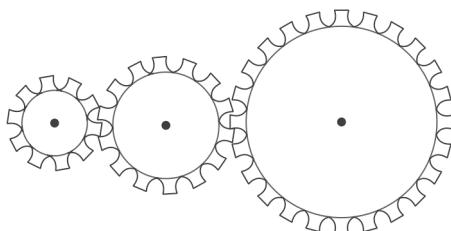
$\left(\frac{g}{cm^3}\right)$	جسم
۲	
۱	
۳	



محل انجام محاسبات



۵۹- در شکل زیر، اگر چرخ دندۀ کوچک، چرخ دندۀ ورودی باشد، در چرخ دندۀ بزرگ کدام گزینه زیر را نحوه‌هایم داشت؟



(۱) افزایش گشتاور نیرو

(۲) کاهش سرعت چرخش

(۳) افزایش انرژی حرکتی

(۴) بی‌تغییر ماندن بزرگی نیرو

۶۰- از یک سطح شیبدار به طول ۱۰ متر، برای بردن یک دستگاه سنگین به روی یک سکو به ارتفاع ۴ متر استفاده شده است. می‌دانیم که

دستگاه با سطح شیبدار مقداری اصطکاک دارد. کدام گزینه درست است؟

(۱) می‌توان با انرژی کم، کار زیادی انجام داد.

(۲) اگر اصطکاک نبود، انرژی کمتری برای بالابردن دستگاه لازم بود.

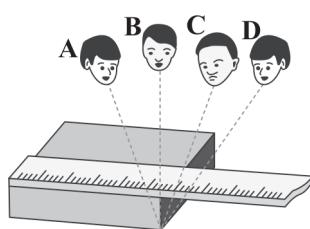
(۳) با توجه به وجود اصطکاک، کار نیروی مقاوم از کار نیروی محرک بزرگ‌تر شده است.

(۴) با توجه به اصطکاک، نسبت جابه‌جایی مقاوم به جابه‌جایی محرک افزایش یافته است.

توجه: داوطلب‌گرامی، لطفاً از بین سؤالات انتخابی ۱ (فیزیک ۱، شماره ۶۱ تا ۶۵)، انتخابی ۲ (شیمی ۱، شماره ۶۶ تا ۷۰) فقط یک سری را
به انتخاب خود پاسخ دهید.

۱) انتخابی ۱

فیزیک (۱)



۶۱- با توجه به شکل زیر، گزارش کدام شخص دقیق‌تر بیشتری دارد؟

A (۱)

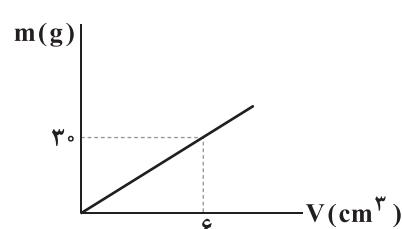
B (۲)

C (۳)

D (۴)

سایت کنکور

۶۲- نمودار جرم بر حسب حجم یک ماده مطابق شکل زیر است. ۱/۵ کیلوگرم از این ماده چه حجمی بر حسب میلی‌متر مکعب را اشغال می‌کند؟



$2/5 \times 10^5$ (۱)

3×10^5 (۲)

250 (۳)

300 (۴)

محل انجام محاسبات



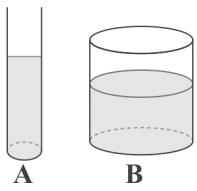
۶۳- شکل مقابل، خروج قطره‌های روغن با دمای متفاوت را از دهانهٔ دو قطره‌چکان یکسان نشان می‌دهد. به ترتیب از راست به چپ، دمای روغن و نیروی هم‌چسبی بین مولکول‌های روغن در کدام شکل بیشتر است؟



شکل (۱) شکل (۲)

- (۱) شکل (۱) - شکل (۱)
 (۲) شکل (۱) - شکل (۲)
 (۳) شکل (۲) - شکل (۱)
 (۴) شکل (۲) - شکل (۲)

۶۴- مایعی را در ظرف A ریخته‌ایم، سپس همان مایع را به ظرف B که قطر سطح مقطع آن دو برابر قطر سطح مقطع A هست، منتقل می‌کنیم. نسبت فشار ناشی از مایع در کف ظرف A به فشار ناشی از مایع در کف ظرف B کدام است؟



- ۲ (۲) $\frac{1}{2}$ (۱)
 ۴ (۴) $\frac{1}{4}$ (۳)

۶۵- اگر بزرگی نیروی شناوری (F_b) و بزرگی نیروی وزن (W) وارد بر یک جسم با یکدیگر برابر باشند، آن جسم چه وضعیتی دارد؟ (فرض کنید جسم در ابتدا ساکن است).

- ۲) یا شناور و یا در حال بالا رفتن است.
 ۱) در حال فرو رفتن است.
 ۴) یا غوطه‌ور و یا در حال بالا رفتن است.
 ۳) یا شناور و یا غوطه‌ور است.

انتخابی ۲

شیمی (۱)

۶۶- $۱/۱۵$ % عنصرهایی که عدد اتمی آن‌ها بزرگ‌تر از ۸۰ است، جزو عناصرهای ساختگی هستند. با این حساب چند درصد ۸۰ عنصر تختست جدول دوره‌ای، ساختگی هستند؟

- ۶/۲۵ (۴) ۵ (۳) ۳/۷۵ (۲) ۲/۵ (۱)

۶۷- شکل زیر چند جابه‌جایی الکترون در اتم هیدروژن را نشان می‌دهد. موج مربوط به کدام انتقال می‌تواند در ناحیهٔ فروسرخ قرار گیرد؟



۶۸- جرم هر مولکول از یک ترکیب آلی برابر با $۱/۵۲۸ \times ۱۰^{-۲۲}$ گرم و حجم ۴۸ میلیون از مولکول آن برابر با $۸/۴۶ \times ۱۰^{-۱۵}$ سانتی‌متر مکعب است. جرم مولی این ترکیب ($\text{g} \cdot \text{mol}^{-۱}$) و چگالی آن ($\text{g} \cdot \text{cm}^{-۳}$) در کدام گزینه به درستی آمده است؟

- ۰/۶۷۸، ۹۰ (۴) ۰/۸۶۷، ۴۰ (۳) ۰/۶۷۸، ۹۲ (۲) ۰/۸۶۷، ۹۲ (۱)



۶۹- چه تعداد از زیرلایه‌های زیر امکان ندارد که وجود داشته باشند؟ (راهنمایی: زیرلایه پنجم یک اتم با نماد \oplus نشان داده می‌شود).

۶g • ۴f • ۸s • ۲d • ۱p •

۱) ۲

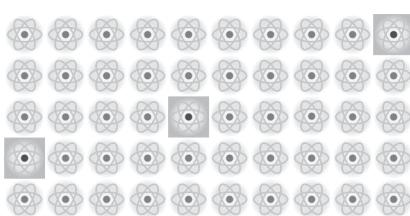
۱) صفر

۳) ۴

۲) ۳

۷۰- شکل زیر شمار تقریبی اتم‌های لیتیم را در یک نمونه طبیعی از آن نشان می‌دهد. با توجه به آن، چه تعداد از عبارت‌های پیشنهاد شده درست است؟

- در ایزوتوپ پایدارتر لیتیم مشابه پایدارترین ایزوتوپ هیدروژن، تفاوت شمار نوترون‌ها و پروتون‌ها برابر با ۱ است.
- تفاوت درصد فراوانی ایزوتوپ‌های طبیعی لیتیم به تقریب برابر با ۸۸ درصد است.
- عدد جرمی ایزوتوپ پایدارتر لیتیم با عدد جرمی ناپایدارترین ایزوتوپ هیدروژن، یکسان است.
- در مجموع هر ۱۰۰ اتم لیتیم موجود در طبیعت دارای ۹۹۴ ذره باردار و بدون بار هستند.



۱) ۱

۲) ۲

۳) ۳

۴) ۴



سایت کنکور

دفترچه شماره ۲

آزمون شماره ۱۴

جمعه ۲۸/۰۵/۱۴۰۱



آزمون‌های سراسری کاج

گزینه درست را انتخاب کنید.

سال تحصیلی ۱۴۰۱-۱۴۰۲

پاسخ‌های تشریحی

پایه دهم ریاضی

دوره دوم متوسطه

نام و نام خانوادگی:	شماره داوطلبی:
تعداد سوالاتی که باید پاسخ دهید: ۶۰	مدت پاسخ‌گویی: ۷۵ دقیقه

عنوانی مواد امتحانی آزمون گروه آزمایشی علوم ریاضی، تعداد سوالات و مدت پاسخ‌گویی

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سوال		شماره سوال	مدت پاسخ‌گویی
		از	تا		
۱	فارسی نهم	۱۰	۱	۱۰	۱ دقیقه
۲	عربی نهم	۲۰	۱۱	۱۰	۱ دقیقه
۳	زبان انگلیسی نهم	۳۰	۲۱	۱۰	۱ دقیقه
۴	ریاضی نهم	۴۰	۳۱	۱۰	۲۵ دقیقه
	ریاضی نهم	۴۵	۴۱	۵	
	ریاضی ۱	۵۰	۴۶	۵	
۵	علوم نهم	۶۰	۵۱	۱۰	۱۵ دقیقه
	فیزیک ۱	۶۵	۶۱	۵	۵ دقیقه
	شیمی ۱	۷۰	۶۶	۵	



۲۳ ۴ معنی جمله‌ها:

زهرا: ببخشید آقا! من گم شده‌ام.
پلیس: نگران نباش. من می‌توانم شما را به خانه برسانم.
معنی گزینه‌ها:
 ۱) لطفاً don't برای منفی کردن فعل به کار می‌رود. / به دست آوردن.
 ۲) ببخشید / doesn't برای منفی کردن فعل سوم شخص مفرد به کار می‌رود.
 ۳) لطفاً didn't برای منفی کردن فعل گذشته به کار می‌رود. / به دست آوردن.
 ۴) ببخشید / don't برای منفی کردن فعل امر به کار می‌رود. / بردن،
رساندن

۲۴ ۲ معنی جمله‌ها:

شیوا: همه در تعطیلات نوروز چه چیز می‌پوشند؟
حدیث: خوب، لباس نو.
توضیح: everyone (همه، هر کسی) با فعل مفرد (در این جمله does) به کار می‌رود.
eat: خوردن / wear: پوشیدن

۲۵ ۴ معنی جمله‌ها:

افسر پلیس: چرا شما اینجا هستید؟
مینا: من گم شده‌ام.
افسر پلیس: نگران نباش. من می‌توانم شما را به خانه ببرم.
مینا: متشرکم، آقا.
معنی گزینه‌ها:
 ۱) ببخشید / به دست آوردن، گرفتن ۲) واقعاً / اتوبوس سوار شدن
 ۳) متأسفم / پیاده شدن ۴) نگران نباش / بردن، گرفتن

۲۶ ۱ معنی جمله‌ها:

معلم: پسر شما چه فعالیت‌های خاصی انجام می‌دهد؟
پدر امین: او معمولاً از موزه‌ها دیدن می‌کند و در وب جستجو می‌کند.
(وب‌گردی می‌کند).

معنی گزینه‌ها:
 ۱) فعالیت‌ها / جستجو کردن ۲) فعالیت‌ها / فرستادن
 ۳) مراسم‌ها / نگاه کردن ۴) شخصیت‌ها / جستجو کردن

۲۷ ۳ معنی جمله‌ها:

عید فطر یک تعطیلی مذهبی مهم در کشورهای اسلامی است. در تمام کشورهای اسلامی مردم مراسم یکسانی برگزار می‌کنند.

معنی گزینه‌ها:
 ۱) ممکن / بردن، گرفتن / مسئله
 ۲) صبور / گرفتن، به دست آوردن / داوطلبانه
 ۳) مهم / برگزار کردن / مراسم
 ۴) جالب، مطلوب / ساختن، درست کردن / فعالیت

۲۸ ۲ معنی جمله‌ها:

زهرا: چرا حدیث دیر به مدرسه آمد؟
مینا: حدس می‌زنم به خاطر این که خانه‌اش دور است.
معنی گزینه‌ها:
 ۱) چرا / زود / دور ۲) چرا / دیر / دور
 ۳) کجا / دیر / نزدیک ۴) کی / زود / نزدیک

۱۷ ۲ پرسش سایر گزینه‌ها:

(۱) استَمَ → مضارع ← يَسْتَلِمُ
 (۳) دَفَعَ → مضارع ← يَدْفَعُ
 (۴) لَامَ → مضارع ← يَلْوِمُ

۱۸ ۳ پرسش سایر گزینه‌ها:

{ مذکور: «لا تَثَلَّمُ»
 ۱ و ۲) «نمی‌دانی» فعل مضارع منفی: { مؤنث: «لا تَعْلَمِينَ»
 ۲ و ۴) «نویس» فعل نهی: { مذکور: «لا تَكْتُبُ»
 مؤنث: «لا تَكْتُبَي»

۱۹ ۳ پرسش سایر گزینه‌ها:

چون فعل به صورت مفرد در اول جمله آمده است و چون حرف آخر فعل در واقع ساکن بوده ولی بعد از آن یک اسم با «ال» آمده، حرف آخر فعل، کسره گرفته است.

۲۰ ۴ کشَفَ → مضارع ← يَكْشِفُ

زبان انگلیسی

۲۱ ۳ معنی جمله‌ها:

شیوا: ما معمولاً در نوروز از بستگانمان دیدن می‌کنیم. آن یک تغیر است!
حدیث: آیا شما هدایای سال نو نیز دریافت می‌کنید؟
شیوا: البته، ما معمولاً پول دریافت می‌کنیم. من واقعاً آن را دوست دارم.

معنی گزینه‌ها:
 ۱) واقعاً / اعضا / آن هست / هدایا / چرا که نه؟
 ۲) معمولاً / همکلاسی‌ها / برای آن (بیان مالکیت) / آجیل / خوب
 ۳) معمولاً / بستگان / آن هست / هدایا / البته!
 ۴) معمولاً / گردشگران / برای آن (بیان مالکیت) / آجیل / متأسفم

۲۲ ۲ معنی جمله‌ها:

گردشگر: اداره پست کجاست؟
مینا: در واقع، آن نزدیک این جاست. درست آن گوشه است.
گردشگر: خوبا متشرکم.

معنی گزینه‌ها:
 ۱) چه، چه چیز / معمولاً / حدود، اطراف / سخت.
 ۲) کجا / در واقع / تقاطع، گوشه / خوب!
 ۳) چه کسی / معمولاً / بالای / متوجه‌ام!
 ۴) چرا / واقعاً / تقاطع، گوشه / آسان.



با کمی دقت متوجه می شویم کسر

۴۴

$$\frac{\sqrt{t}-\sqrt{x}}{\sqrt{xt}} + \frac{\sqrt{n}-\sqrt{t}}{\sqrt{tn}} + \frac{\sqrt{y}-\sqrt{n}}{\sqrt{ny}}$$

$$= \frac{1}{\sqrt{x}} - \frac{1}{\sqrt{t}} + \frac{1}{\sqrt{t}} - \frac{1}{\sqrt{n}} + \frac{1}{\sqrt{n}} - \frac{1}{\sqrt{y}}$$

$$= \frac{1}{\sqrt{x}} - \frac{1}{\sqrt{y}} = \frac{\sqrt{y}-\sqrt{x}}{\sqrt{xy}}$$

از آن جا که $\sqrt{x} - \sqrt{y} = 2\sqrt{xy}$ ، پس داریم:

$$\sqrt{y}-\sqrt{x}=-(\sqrt{x}-\sqrt{y})=-2\sqrt{xy}$$

$$\Rightarrow \frac{\sqrt{y}-\sqrt{x}}{\sqrt{xy}}=\frac{-2\sqrt{xy}}{\sqrt{xy}}=-2$$

(۳) ۴۵ ابتدا دو طرف نامعادله را در عدد ۲ ضرب می کنیم:

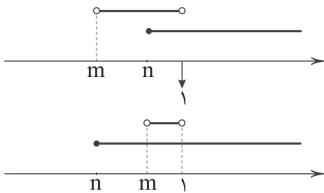
$$a+b \geq 2\sqrt{ab} \Rightarrow 2a+2b \geq 4\sqrt{ab}$$

حال به جای $2a+2b$ مقدار برابر آن، یعنی c را قرار می دهیم و سپس دو طرف تساوی را به توان ۲ می رسانیم.

$$\underbrace{2a+2b}_{c} \geq 4\sqrt{ab} \Rightarrow c \geq 4\sqrt{ab} > 0 \Rightarrow c^2 \geq 16ab \Rightarrow \frac{c^2}{ab} \geq 16$$

حداقل مقدار ممکن $\frac{c^2}{ab}$ برابر ۱۶ می باشد.

۲ ۴۶



برای آن که اشتراک دو بازه داده شده ناتهی باشد، باید شکل کلی قرارگیری آن ها به یکی از دو صورت بالا باشد و در نتیجه باید داشته باشیم:

$$n < 1$$

توجه کنید که حتی وقتی $n = 1$ باشد، این دو بازه اشتراکی با هم ندارند.

۳ ۴۷

اختلاف افزایش جملات $d = 13 - 9 = 4$ می باشد $\Rightarrow d = 10 - 6 = 4$ اگر دنباله درجه دوم را به صورت $t_n = an^2 + bn + c$ در نظر بگیریم، همواره داریم:

$$d = 2a \Rightarrow 4 = 2a \Rightarrow a = 2 \Rightarrow t_n = 2n^2 + bn + c$$

$$\Rightarrow \begin{cases} n=1 \Rightarrow 2+b+c=1 \\ n=2 \Rightarrow 8+2b+c=10 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} b+c=-1 \\ 2b+c=2 \end{cases} \Rightarrow b=3, c=-4$$

$$\Rightarrow t_n = 2n^2 + 3n - 4 \Rightarrow t_7 = 2(7)^2 + 3(7) - 4 = 115$$

۱ ۳۸ با استفاده از فاکتورگیری و اتحاد داریم:

فاکتورگیری

$$\frac{x^2-x}{x-1} + \frac{1-x}{x+1} = \frac{x(x-1)}{(x-1)(x+1)} + \frac{1-x}{x+1} = \frac{x}{x+1} + \frac{1-x}{x+1}$$

اتحاد مزدوج

$$= \frac{x+1-x}{x+1} = \frac{1}{x+1} = (x+1)^{-1}$$

۱ ۳۹ ابتدا عبارت $a^2 - b^2$ را به کمک اتحاد مزدوج به ضرب تبدیل می کنیم:

$$a^2 - b^2 = \sqrt{2} - 2 \Rightarrow (a-b)(a+b) = \sqrt{2} - 2$$

از آن جا که $a+b = 1-\sqrt{2}$ می باشد، داریم:

$$(a-b)(a+b) = \sqrt{2} - 2 \Rightarrow (a-b)(1-\sqrt{2}) = \sqrt{2} - 2$$

$$a-b = \frac{\sqrt{2}-2}{1-\sqrt{2}} \Rightarrow a-b = \frac{\sqrt{2}-\sqrt{2}\times\sqrt{2}}{1-\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}(1-\sqrt{2})}{(1-\sqrt{2})}$$

$$\Rightarrow a-b = \sqrt{2}$$

۱ ۴۰ ابتدا دو طرف نامعادله را در عدد ۶ ضرب می کنیم (جهت تغییر نمی کند)، زیرا در یک عدد مثبت ضرب می کنیم:

$$\frac{x-1}{3} < \frac{x-1}{6} \Rightarrow 2x-3 < x-1$$

به دو طرف نامعادله مقدار x را اضافه می کنیم:

$$2x-3 + (-x) < x-1 + (-x) \Rightarrow 2x-x-3 < x-x-1$$

$$\Rightarrow x-3 < -1 \xrightarrow[\text{اضافه می کنیم}]{\text{دو طرف را ۳ واحد}} x-3+3 < -1+3 \Rightarrow x < 2$$

$$\Rightarrow \{x \in \mathbb{R} \mid x < 2\} = \text{مجموعه جواب}$$

۱ ۴۱ ابتدا حاصل ضرب A و B را به دست می آوریم و سپس به صورت نماد علمی می نویسیم:

$$A \times B = 8/4 \times 10^{-12} \times 4/5 \times 10^8 = 32/8 \times 10^{-4}$$

$$= 3/78 \times 10 \times 10^{-4} = 3/78 \times 10^{-3}$$

۱ ۴۲ ابتدا دو طرف تساوی $\sqrt[3]{A} = \frac{1}{2}$ را به توان ۳ می رسانیم:

$$(\sqrt[3]{A})^3 = (\frac{1}{2})^3 \Rightarrow A = \frac{1}{8} \xrightarrow[\text{جمع با عددیک}]{\text{دو طرف تساوی به توان ۲}} A^2 = \frac{1}{64}$$

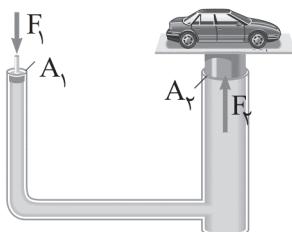
$$\Rightarrow A^2 + 1 = \frac{65}{64} \xrightarrow[\text{جذر می گیریم}]{\text{از دو طرف}} \sqrt{A^2 + 1} = \sqrt{\frac{65}{64}} \Rightarrow \sqrt{A^2 + 1} = \frac{\sqrt{65}}{8}$$

۱ ۴۳ (ضلع) = مساحت مربع

$$\Rightarrow S = (\sqrt{2} + \sqrt{18})^2 = (\sqrt{2} + \sqrt{9 \times 2})^2 = (\sqrt{2} + 3\sqrt{2})^2 = (4\sqrt{2})^2 = 16 \times 2 = 32$$



- ۲ ۵۵** بنابر اصل پاسکال، فشار اضافی در تمام نقاط مابع به صورت یکسان منتقل خواهد شد. نیروی وارد به هر پیستون، از ضرب فشار اضافی در مساحت آن به دست خواهد آمد.



- ۳ ۵۶** با کاهش سطح مقطع قسمت تیز چاقو، فشاری که چاقو می‌تواند به جسم وارد کند، بیشتر می‌شود و با نیروی کمتری می‌توان جسم مقاوم را برید، پس مزیت مکانیکی چاقو بیشتر می‌شود.

- ۱ ۵۷** نخست اندازه گشتوار خالص میله را در حالت فعلی به دست می‌آوریم:

$$F_1 \times \frac{50}{100} = \text{اندازه گشتوارهای ساعتگرد}$$

$$= (F_2 \times \frac{20}{100}) + (40 \times \frac{30}{100})$$

$$= \frac{5 \times 20}{100} + \frac{40 \times 30}{100} = 13 \text{ N.m}$$

$$= \text{اندازه گشتوار خالص} = 13 - 5 = 8 \text{ N.m}$$

- اکنون باید نیروی F_1 را افزایش دهیم تا اندازه گشتوار خالص، برابر با 16 N.m شود، یعنی:

$$[(F_1 + x) \times \frac{50}{100}] - 13 = 16 \Rightarrow (10 + x) \times \frac{1}{2} = 29$$

$$\Rightarrow (10 + x) = 58 \Rightarrow x = 48 \text{ N}$$

- ۴ ۵۸** با توجه به رابطه چگالی ($\rho = \frac{\text{جرم}}{\text{حجم}}$)، در حجم مساوی،

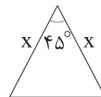
- جسمی که چگالی بیشتری دارد، جرم بیشتری هم دارد. از آن جایی که حجم سقطه با هم برابر است، نسبت جرم قطعه‌ها مانند نسبت چگالی آن‌ها است. با توجه به این موضوع اگر جرم قطعه سمت چپ m باشد، جرم قطعه وسط $2m$ و جرم قطعه سمت راست $3m$ است. برای این‌که میله در تعادل باشد، باید جرم سمت راست و چپ نخ با هم برابر باشند تا تعادل گشتوار ایجاد شود، پس شکل گزینه (۴) وضعیت تعادل جسم را به درستی نشان می‌دهد.

- ۳ ۵۹** هیچ ماشینی، انرژی ورودی را افزایش نخواهد داد.

- ۲ ۶۰** کار نیروی محرك، هرگز کمتر از کار نیروی مقاوم نخواهد بود. کار نیروی محرك باید به اندازه جمع کار نیروی مقاوم و اتلاف انرژی (کار نیروی اصطکاک) باشد.

- ۲ ۶۱** خواندن نتیجه اندازه‌گیری از منظرهای A، C و D خطرا افزایش می‌دهد، در حالی که گزارش شخصی که از منظر B نتیجه اندازه‌گیری را می‌خواند، دقت بیشتری دارد. چرا که به صورت عمود به خطکش نگاه می‌کند.

- ۲ ۴۸** اگر ساق‌های مثلث را x در نظر بگیریم، داریم:



$$S = \frac{1}{2} \times x \times x \times \sin 45^\circ$$

$$\Rightarrow 6\sqrt{2} = \frac{1}{2} x^2 \times \frac{\sqrt{2}}{2} \Rightarrow 6\sqrt{2} = \frac{\sqrt{2}}{4} x^2 \Rightarrow 24 = x^2 \\ \Rightarrow x = \sqrt{24} = 2\sqrt{6}$$

- ۲ ۴۹** می‌دانیم اگر زاویه حاده‌ای بزرگ شود، تانژانت و سینوس آن افزایش و کسینوس آن کاهش می‌یابد. پس داریم:

$$20^\circ < 25^\circ \Rightarrow \begin{cases} \tan 20^\circ < \tan 25^\circ \\ \sin 20^\circ < \sin 25^\circ \\ \cos 20^\circ > \cos 25^\circ \end{cases}$$

- پس گزینه (۲) درست است.
از طرفی داریم:

$$\begin{cases} \sin 30^\circ = \frac{1}{2} \\ \cos 60^\circ = \frac{1}{2} \end{cases} \Rightarrow \sin 30^\circ = \cos 60^\circ$$

- ۱ ۵۰** می‌دانیم شبیه خط برابر \tan زاویه‌ای است که خط با جهت مثبت محور X می‌سازد، داریم:

$$3y - 2\sqrt{3}kx = 7 \Rightarrow 3y = 2\sqrt{3}kx + 7$$

$$\Rightarrow y = \frac{2\sqrt{3}}{3}kx + \frac{7}{3} \Rightarrow m = \frac{2\sqrt{3}}{3}k$$

$$\frac{2\sqrt{3}}{3}k = \frac{\sqrt{3}}{3} \Rightarrow k = \frac{1}{2} \quad \text{می‌دانیم } \tan 30^\circ = \frac{\sqrt{3}}{3}, \text{ پس:}$$

علوم تجربی

- ۱ ۵۱** از ویژگی‌های فسیل راهنمای پراکندگی زیاد و انتشار زیاد آن‌ها است.

- ۳ ۵۲** موجوداتی که دارای قسمت‌های سخت هستند، بهتر فسیل می‌شوند. هم‌چنین موجوداتی که در محیط‌هایی که در معرض مستقیم هوا یا موجودات زنده هستند، احتمال فسیل‌شدن‌شان بسیار کم است، بنابراین بهترین شرایط برای فسیل‌شدن را صدف در ته باطلق ساکن دارد.

- ۲ ۵۳** دانشمندان ابتدا با استفاده از تصاویر ماهواره‌ای و شواهد زمین‌شناسی در سطح زمین، محل‌های مستعد وجود ذخایر سوخت‌های فسیلی را مشخص می‌کنند.

- ۱ ۵۴** با استفاده از رابطه فشار داریم:

$$\begin{cases} P = \frac{F}{A} \\ F = 2 \times 1000 \times 10 = 20000 \text{ N} \\ A = 50 \text{ cm}^2 = 50 \div 10000 = \frac{5}{1000} \text{ m}^2 \\ \Rightarrow P = \frac{20000}{\frac{5}{1000}} = 4000000 \text{ Pa} = 4000 \text{ kPa} \end{cases}$$



۱ ۶۸ برای محاسبه جرم مولی این ترکیب، جرم یک مول از آن را به

دست می‌آوریم:

$$\text{?g A} = 1 \text{ mol A} \times \frac{6/0/2 \times 10^{23} \text{ molecule A}}{1 \text{ mol A}} \times \frac{1/528 \times 10^{-22} \text{ g A}}{1 \text{ molecule A}}$$

$$= 92 \text{ g}$$

برای محاسبه چگالی این ترکیب، جرم یک سانتی‌متر مکعب از آن را به دست می‌آوریم:

$$\text{?g A} = 1 \text{ cm}^3 \text{ A} \times \frac{48 \times 10^6 \text{ molecule A}}{1/46 \times 10^{-15} \text{ cm}^3 \text{ A}}$$

$$\times \frac{1 \text{ mol A}}{6/0/2 \times 10^{23} \text{ molecule A}} \times \frac{92 \text{ g A}}{1 \text{ mol A}} = 0/867 \text{ g}$$

۳ ۶۹ عدد کواتسومی فرعی (I) می‌تواند بین صفر تا $n-1$ باشد ($0 \leq n-1 \leq n$)

نمی‌تواند وجود داشته باشد. $\rightarrow 1 = 1$

نمی‌تواند وجود داشته باشد. $\rightarrow 2 = 2$

$\lambda s : n = 8, l = 0 \rightarrow \checkmark$

$\lambda f : n = 4, l = 3 \rightarrow \checkmark$

$\lambda g : n = 6, l = 4 \rightarrow \checkmark$

۴ ۷۰ هر چهار عبارت پیشنهاد شده درست هستند.

بررسی عبارت‌ها:

عبارت اول: مطابق شکل داده شده: ${}^7\text{Li}$ ایزوتوپ پایدارتر لیتیم است که تفاوت شمار نوترон‌ها و پروتون‌های آن، مشابه پایدارترین ایزوتوپ هیدروژن (${}^1\text{H}$) برابر با ۱ است.

عبارت دوم: درصد فراوانی ایزوتوپ‌های طبیعی لیتیم (${}^6\text{Li}$, ${}^7\text{Li}$) به صورت زیر محاسبه می‌شود:

$${}^6\text{Li} : \frac{3}{5} \times 100 = 60\%$$

$${}^7\text{Li} : \frac{47}{5} \times 100 = 94\%$$

$$60\% - 94\% = -34\%$$

عبارت سوم: عدد جرمی ایزوتوپ پایدارتر لیتیم (${}^7\text{Li}$) همانند عدد جرمی ناپایدارترین ایزوتوپ هیدروژن (${}^1\text{H}$) برابر با ۷ است.

عبارت چهارم: بهازای هر 100° اتم لیتیم موجود در طبیعت، ۹۴ ایزوتوپ

${}^7\text{Li}$ و ۶ ایزوتوپ ${}^6\text{Li}$ وجود دارد:

$$94(7) + 6(6) = 694$$

$$94(7) + 6(6) = 694$$

$$694 + 300 = 994$$

۲ ۶۲ با استفاده از نمودار، چگالی را محاسبه می‌کنیم:

$$\rho = \frac{m}{V} = \frac{2}{6} = 5 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$$

حال حجم $1/5$ کیلوگرم (150° گرم) از ماده را محاسبه می‌کنیم:

$$V = \frac{m}{\rho} = \frac{150}{5} = 30.0 \text{ cm}^3$$

با استفاده از روش تبدیل زنجیره‌ای داریم:

$$30.0 \text{ cm}^3 \times \frac{10^3 \text{ mm}^3}{1 \text{ cm}^3} = 30.0 \times 10^3 = 3 \times 10^5 \text{ mm}^3$$

۲ ۶۳ هر چه دمای روغن بیشتر باشد، نیروی همچسبی بین مولکول‌های آن کاهش می‌یابد و قطرات روغن ریزتر می‌شوند. پس دمای روغن در شکل (۱) بیشتر است و نیروی همچسبی بین مولکول‌های روغن در شکل (۲) بیشتر است.

۴ ۶۴ حجم مایع در هر دو ظرف، برابر است، بنابراین:

$$V_A = V_B \Rightarrow \pi r_A^2 h_A = \pi r_B^2 h_B \xrightarrow{r_B = 2r_A} r_A^2 h_A = (2r_A)^2 h_B \\ \Rightarrow h_A = 4h_B \quad (\text{I})$$

از طرفی:

$$P = \rho gh \Rightarrow \frac{P_A}{P_B} = \frac{\rho_A g h_A}{\rho_B g h_B} \xrightarrow{(\text{I})} \frac{P_A}{P_B} = \frac{4h_B}{h_B} = 4$$

۳ ۶۵ وقتی که نیروی شناوری و نیروی وزن وارد بر یک جسم با یکدیگر برابر می‌شوند، آن جسم یا در شاره غوطه‌ور می‌شود و یا بر روی آن شناور می‌ماند.

۱ ۶۶ از ۱۱۸ عنصر شناخته شده، تنها ۹۲ عنصر در طبیعت یافت

می‌شود. این بدان معنا است که ۲۶ عنصر دیگر ساختگی است.

مطابق داده‌های سؤال می‌توان نوشت:

$$\frac{\text{شمار عنصرهای ساختگی}}{\text{شمار عنصرهای با } Z > 80} = \frac{\text{درصد عنصرهای ساختگی با } Z > 80}{\text{شمار عنصرهای با } Z < 80}$$

$$\Rightarrow 63/15 = \frac{x}{(118-80)} \times 100 \Rightarrow x = 24$$

بنابراین در بین 80° عنصر نخست جدول ($Z \leq 80$)، تنها ۲ عنصر ساختگی وجود دارد.

$$\frac{2}{80} \times 100 = 2.5\%$$

۱ ۶۷ موج مربوط به انتقال‌های I و IV به ترتیب می‌توانند در ناحیه

فروسرخ و فرابنفش قرار گیرند. موج مربوط به انتقال‌های II و III نیز مربوط به ناحیه مرئی است.