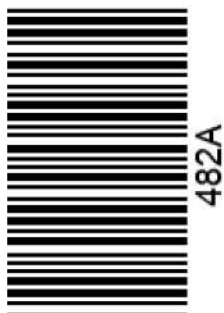


کد کنترل

482

A



# آزمون ورودی دوره دکتری (نیمه‌متمرکز) - سال ۱۴۰۰

دفترچه شماره (۱)

صبح جمعه

۹۹/۱۲/۱۵



«اگر دانشگاه اصلاح شود مملکت اصلاح می‌شود.»

امام خمینی (ره)

جمهوری اسلامی ایران  
وزارت علوم، تحقیقات و فناوری  
سازمان سنجش آموزش کشور

رشته - علوم کامپیوتر - (کد ۲۲۴۷)

مدت پاسخ‌گویی: ۱۵۰ دقیقه

تعداد سؤال: ۴۵

عنوان مواد امتحانی، تعداد و شماره سؤالات

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سؤال	از شماره	تا شماره
۱	مجموعه دروس تخصصی: - ساختمان داده و الگوریتم - مبانی منطق - مبانی ترکیبیات - جبر خطی عددی - نظریه الگوریتم پیشرفته	۴۵	۱	۴۵

استفاده از ماشین‌حساب مجاز نیست.

این آزمون نمره منفی دارد.

حق چاپ، تکثیر و انتشار سؤالات به هر روش (الکترونیکی و...) پس از برگزاری آزمون، برای تمامی اشخاص حقیقی و حقوقی تنها با مجوز این سازمان مجاز می‌باشد و با متخلفین برابر مقررات رفتار می‌شود.

\* داوطلب گرامی، عدم درج مشخصات و امضا در مندرجات جدول ذیل، به منزله عدم حضور شما در جلسه آزمون است.

اینجانب ..... با شماره داوطلبی ..... با آگاهی کامل، یکسان بودن شماره صندلی خود را با شماره داوطلبی مندرج در بالای کارت ورود به جلسه، بالای پاسخنامه و دفترچه سؤالات، نوع و کد کنترل درج شده بر روی دفترچه سؤالات و پائین پاسخنامه‌ام را تأیید می‌نمایم.

امضا:

۱- اگر نشان دهنده  $k$ امین عدد در دنباله فیبوناچی باشد، بهترین زمان برای محاسبه  $F_n$  چیست؟

(۱)  $O(n)$  (۲)  $O(n^2)$  (۳)  $O(\log n)$  (۴)  $O(n \log n)$

۲- در یک گراف غیرجهت‌دار با  $n$  رأس و  $e$  یال جمع درجه تمام رئوس کدام است؟

(۱)  $2n$  (۲)  $2e$  (۳)  $\frac{2n-2}{2}$  (۴)  $\frac{2e-2}{2}$

۳- پس از اجرای قطعه کد زیر،  $k$  از چه مرتبه‌ای است؟

$k = 0$

for( $i=1; i < n; i++$ )

for( $j=1; j < i; j = j*2$ )

$k = k + j$

(۱)  $n$  (۲)  $n^2$  (۳)  $n^3$  (۴)  $n^{\frac{3}{2}}$

۴- وقتی  $n$  عدد بزرگی باشد، در مرتب‌سازی درجی (Insertion Sort) روی  $n$  عدد تصادفی تقریباً چه تعداد مقایسه انجام می‌شود؟

(۱) مرتبه کمتر از  $n^2$  (۲)  $\frac{2}{3}n^2$  (۳)  $\frac{n^2}{2}$  (۴)  $\frac{n^2}{4}$

۵- زمان اجرای الگوریتم مرتب‌سازی سریع (Quick Sort) در بدترین حالت، حالت متوسط و بهترین حالت، به ترتیب از راست به چپ عبارت است از:

(۱)  $\theta(n \log n), \theta(n \log n), \theta(n^2)$

(۲)  $\theta(n), \theta(n \log n), \theta(n^2)$

(۳)  $\theta(n \log n), \theta(n \log n), \theta(n \log n)$

(۴)  $\theta(n), \theta(n^2), \theta(n^2)$

۶- دو آرایه مرتب با طول‌های  $n$  و  $m$  داریم. کمترین تعداد مقایسه برای به دست آوردن آرایه‌ای مرتب از آن‌ها به طول  $n+m$  از چه مرتبه‌ای است؟

(۱)  $O(\max\{n, m\})$

(۲)  $O(\min\{n, m\})$

(۳)  $\theta(\max\{n \log n, m \log m\})$

(۴)  $\theta(\min\{n \log n, m \log m\})$

۷- کدام مورد (موارد) درست است؟

الف - توابع  $f: \mathbb{N} \rightarrow \mathbb{N}$ ,  $g: \mathbb{N} \rightarrow \mathbb{N}$  وجود دارند که  $f + g \neq O(f)$  و  $f + g \neq O(g)$

ب - اگر برای یک مسأله، الگوریتم با زمان  $O(n^3)$  وجود داشته باشد آن گاه زمان اجرای سریع ترین الگوریتم این مسأله حتماً  $O(n^3)$  است.

(۱) فقط (الف) (۲) فقط (ب) (۳) هر دو (۴) هیچ کدام

۸- چند تا از گزاره های زیر درست است؟

الف - یک پشته را می توان با دو صف پیاده سازی کرد.

ب - یک صف را می توان با دو پشته پیاده سازی کرد.

ج - یک پشته را می توان با یک لیست تک پیوندی پیاده سازی کرد.

د - یک صف را می توان با یک لیست تک پیوندی پیاده سازی کرد.

(۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) ۴

۹-  $n$  عدد طبیعی  $a_1, \dots, a_n$  و یک عدد  $t$  داده شده است. در جست و جوی دو عدد مانند  $a_i$  و  $a_j$  هستیم که

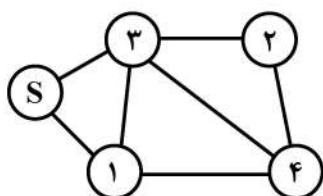
$a_i + a_j = t$  بهترین زمان متوسط برای این مسأله از چه مرتبه ای است؟ (استفاده از جداول درهم سازی (Hash))

(۱) ۱ (۲)  $n^2$  (۳)  $n$  (۴)  $n \log n$

۱۰- با اجرای دو الگوریتم جست و جوی اول سطح (BFS) و جست و جوی اول عمق (DFS) روی گراف زیر، آخرین

رأسی که جست و جو می شود به ترتیب از راست به چپ کدام است؟

(هر دو الگوریتم از  $s$  شروع می شوند. همچنین اگر بین انتخاب دو رأس تفاوتی نباشد، رأس با شماره کمتر انتخاب می شود.)



(۱) ۴ و ۴

(۲) ۴ و ۲

(۳) ۲ و ۴

(۴) ۲ و ۲

۱۱- در رابطه با استفاده از الگوریتم heapsort به عنوان الگوریتم مرتب سازی کمکی در مرتب سازی radix کدام

جمله درست است؟

(۱) نمی تواند استفاده شود چون stable نیست. (۲) می تواند استفاده شود چون stable است.

(۳) نمی تواند استفاده شود چون inplace نیست. (۴) می تواند استفاده شود چون inplace است.

۱۲- کدام الگوریتم های زیر حریصانه است؟

$a = \text{Fractional knapsack}$ ,  $b = \text{Dijkstra}$ ,  $c = \text{Bellman - Ford}$ ,  $d = \text{Kruskal}$

(۱)  $b, c, d$  (۲)  $b, d$  (۳)  $a, b$  (۴)  $a, b, d$

۱۳- اثبات زیر برای این حکم که اگر  $X$  مجموعه باشد آنگاه

$\{W \text{ خوش ترتیبی برای زیرمجموعه ای از } X \text{ است: } C = \{w\}$  نیز یک مجموعه است را در نظریه اصل موضوعی

مجموعه ها (ZF) در نظر بگیرید: یک خوش ترتیبی از  $X$  زیرمجموعه ای از  $X^2$  است. هر عضو  $x^2$  در  $P(P(x))$

قرار دارد. پس هر خوش ترتیبی در  $P(P(P(x)))$  است. در این اثبات از کدام اصول موضوع استفاده می شود؟

(۱) مجموعه توانی - تصریح (۲) مجموعه توانی - جایگزینی

(۳) زوج سازی - تصریح (۴) زوج سازی - جایگزینی

۱۴- فرض کنیم  $\alpha$  و  $\beta$  دو فرمول و  $\Sigma$  یک مجموعه از فرمول‌ها در منطق گزاره‌ها باشند. کدام گزینه برای دو مورد زیر درست است؟

۱- اگر  $\Sigma \models \alpha$  یا  $\Sigma \models \beta$  آنگاه  $\Sigma \models (\alpha \vee \beta)$ .

۲- اگر  $\Sigma \models (\alpha \vee \beta)$  آنگاه  $\Sigma \models \alpha$  یا  $\Sigma \models \beta$ .

(۱) ۱ نادرست ولی ۲ درست

(۳) ۱ و ۲ هر دو درست

(۲) ۱ درست ولی ۲ نادرست

(۴) ۱ و ۲ هر دو نادرست

۱۵- زبان مرتبه اول شامل تساوی و نماد دوموضوعی معمولی  $p$  مفروض است. جملات زیر را در نظر می‌گیریم:

$$\sigma_1 \equiv \exists x \exists y (x \neq y \wedge \forall z (z = x \vee z = y))$$

$$\sigma_2 \equiv [\forall x \exists y (p(x, y) \wedge \forall z (z \neq y \rightarrow \neg p(x, z)))]$$

$$\sigma_3 \equiv [\forall y \exists x (p(x, y) \wedge \forall z (z \neq x \rightarrow \neg p(z, y)))]$$

فرض کنیم  $u_1$  مدلی برای  $\sigma_1$  و  $u_2$  مدلی برای  $\sigma_2 \wedge \sigma_3$  باشد. چند تا از گزاره‌های زیر درستند؟

۱-  $|u_1|$  دقیقاً دو عضو دارد.

۲-  $p^{u_2}$  یک جای گشت  $|u_2|$  است.

۳-  $p^{u_2}$  یک رابطه روی  $|u_2|$  است که برد آن  $|u_2|$  است.

(۱) ۰ (۲) ۱ (۳) ۲ (۴) ۳

۱۶- کدام مورد نقیض گزاره زیر است؟

«برای هر دو عدد  $n$  و  $m$ ، عدد  $k$  وجود دارد که  $P(n, m, k)$ »

(۱) عدد  $n$  وجود دارد که به‌ازای هیچ دو عدد  $m$  و  $k$  ای گزاره‌ای  $P(n, m, k)$  درست نیست.

(۲) برای هر دو عدد  $n$  و  $m$ ، عدد  $k$  وجود دارد که  $\sim P(n, m, k)$

(۳) برای هر دو عدد  $n$  و  $m$  و هر عدد  $k$  داریم  $\sim P(n, m, k)$

(۴) هیچ کدام

۱۷- کدام مورد (موارد) درست است؟

(الف) - هر مجموعه شمارای نامتناهی قابل افراز به نامتناهی مجموعه نامتناهی است.

(ب) - اگر  $a$  و  $b$  دو عدد اصلی نامتناهی باشند،  $a+b = \aleph^{\max\{a, b\}}$ .

(۱) فقط (الف) (۲) فقط (ب) (۳) هر دو (۴) هیچ کدام

۱۸- عدد ترتیبی مجموعه مرتب زیر چند است؟

$$2 \leq 4 \leq 6 \leq \dots \leq (1, 1) \leq (1, 2) \leq \dots \leq (2, 1) \leq (2, 2) \leq \dots \leq$$

$$\leq (3, 1) \leq (3, 2) \leq \dots \leq \dots \leq 3 \leq 5 \leq 7 \leq \dots \leq 1$$

$$(1) (w+1)^2 \quad (2) (w+w^2+1)^2 \quad (3) w^2+w+1 \quad (4) 1+w+w^2+w$$

۱۹- در یک اداره ۱۲ صندلی در یک ردیف قرار داده شده است. پنج ارباب رجوع این اداره قرار است بر روی این

صندلی‌ها بنشینند. به خاطر رعایت فاصله بین هر دو نفر باید حداقل یک صندلی خالی باشد. به چند روش

می‌توان این پنج نفر را بر روی صندلی‌ها قرارداد به‌طوری که بین هر دو نفر حداقل یک صندلی خالی باشد؟

(۱) ۳۵ (۲) ۵۶ (۳) ۶۴ (۴) ۱۹۸

۲۰- در یک روستا ۹۱ نفر زندگی می‌کنند. فرض کنید  $N$  عددی باشد که حداقل  $N$  نفر در این روستا در یک فصل سال

و یک روز هفته (مثلاً پاییز و چهارشنبه) متولد شده‌اند، اما ممکن است هیچ  $N+1$  نفری در یک فصل و یک روز

هفته متولد نشده باشند.  $N$  کدام است؟

(۱) ۳ (۲) ۴ (۳) ۲۹ (۴) هیچ کدام



۲۱- کدام گزینه نادرست است؟ ( $P_n$  مسیر  $n$  رأسی و  $C_n$  دور  $n$  رأسی است)

- (۱) هر گراف  $n$  رأسی با  $m$  یال حداقل  $m + n - 1$  دور دارد.  
 (۲) فرض کنیم  $G$  گراف ساده همبندی باشد که  $P_4$  و  $C_3$  زیر گراف القایی  $G$  نیستند. در این صورت  $G$  گراف کامل دوبخشی است.  
 (۳) فرض کنیم  $P$  و  $Q$  دو مسیر ماکزیمم در گراف همبند  $G$  باشند. در این صورت  $P$  و  $Q$  رأس مشترک دارند.  
 (۴) فرض کنیم  $G$  گراف اویلری است و دو یال  $e$  و  $f$  در  $G$  وجود دارند که در رأسی مشترکند آن گاه  $G$  مدار اویلری دارد که در آن  $e$  و  $f$  متولی ظاهر شوند.

۲۲- ۴ کارتن کاملاً یکسان با ظرفیت هر کارتن شش لیوان موجود است. به چند روش می توان شش لیوان با رنگ های مختلف را در این ۴ کارتن قرار داد؟

- (۱) ۱۸۷ (۲) ۶۵ (۳) ۱۸۶ (۴) ۶۴

۲۳- به چند طریق می توان ۴ خانه از یک جدول  $7 \times 5$  را سیاه کرد به طوری که هر سطر و همچنین هر ستون حاوی تعداد زوجی خانه سیاه باشد؟ (همه خانه های جدول در ابتدا سفید هستند).

$$(1) \binom{5}{4} \times 7 \binom{7}{4}$$

$$(2) \binom{5}{2} + \binom{7}{2}$$

$$(3) \binom{5}{2} \times \binom{7}{2}$$

$$(4) \binom{5}{4} + 7 \binom{5}{4} + 5 \binom{7}{4} + \binom{7}{2} \times \binom{5}{2}$$

۲۴- تعداد تصاعدهای حسابی با جملات طبیعی را که جملات اول و آخر آن به ترتیب ۳ و ۵۷۹ باشد  $N$  می نامیم.  $N$  در چه بازه ای قرار دارد؟

$$(1) [37, +\infty)$$

$$(2) [1, 4]$$

$$(3) [5, 18]$$

$$(4) [19, 36]$$

۲۵- اگر  $\bar{x}$  جواب مسئله محاسبه شده برای یک مسئله و  $\Delta x$  تخمین خطای  $\bar{x}$  پس از اجرای یک الگوریتم با آزمون همگرایی به صورت  $\delta_2 + \|\bar{x}\| \delta_1 \leq \|\Delta x\|$  باشند، آنگاه مقادیر مناسب برای  $\delta_1$  و  $\delta_2$  در کامپیوتر مورد استفاده به ترتیب و تقریب برابرند با:

(۱) روند عدد یک و کوچکترین عدد مثبت قابل نمایش

(۲) کوچکترین عدد مثبت قابل نمایش و روند عدد یک

(۳) کوچکترین عدد مثبت قابل نمایش و توان دوم روند عدد یک

(۴) روند عدد یک و توان دوم کوچکترین عدد مثبت قابل نمایش

۲۶- فرض کنید  $a$  و  $b$  بردارهای  $n$  بعدی،  $n > 1$ ، هستند و داریم  $a^T c = a^T b$ . در این صورت .....

$$(1) a = 0, b = 0$$

$$(2) a = b = c = 0$$

$$(3) a = 0, c = 0$$

$$(4) a$$
 متعامد است بر  $b - c$

۲۷- ماتریس هاوس هولدر به صورت  $H(u) = I - \frac{uu^T}{\beta}$  را در نظر بگیرید که در آن،  $u \neq 0$  و  $\beta \in \mathbb{R}$ . اگر  $a$  و  $b$

به گونه‌ای باشند که  $\|a\|_p = \|b\|_p = t > 0$ ، آنگاه  $u$  به طوری که  $H(u)b = a$  ..... .

(۱) یکتاست. (۲) وجود دارد تنها وقتی  $t = 1$ .

(۳) وجود دارد و  $\beta = b^T a - a^T a$ . (۴) وجود ندارد.

۲۸- فرض کنید ماتریس  $A$ ،  $m \times m$ ، وارون پذیر است، مقدار عدد حالت (یا عدد شرطی)  $A$  با قدرمطلق دترمینان  $A$  ..... .

(۱) ارتباط مشخصی ندارد. (۲) به طور مستقیم مرتبط است.

(۳) به طور معکوس یا وارون مرتبط است. (۴) مرتبط است وقتی  $A$  یک ماتریس قطری باشد.

۲۹- دستگاه  $Ax = b$  را در نظر بگیرید که در آن  $A$ ،  $m \times n$ ،  $m < n$ ،  $b$ ،  $m \times 1$ ، هستند. این دستگاه ..... .

(۱) جواب یکتا دارد اگر  $m = \text{رتبه}(A)$  (۲) جواب دارد اگر  $m = \text{رتبه}(A)$

(۳) جواب ندارد اگر  $m < \text{رتبه}(A)$  (۴) بی‌نهایت جواب دارد.

۳۰- تکرار  $i$  ام روش توانی برای محاسبه یک بردار ویژه ماتریس  $A$  را به صورت  $x^{(i)} = Ax^{(i-1)}$ ،  $i = 1, 2, \dots$ ، در نظر

بگیرید. تخمین مناسب برای مقدار ویژه وابسته در مرحله  $i$  ام برابر با کدام است؟ (فرض کنید

$$(z = x^{(i-1)}, y = x^{(i)})$$

$$\frac{\|y\|_p}{\|z\|_p} \quad (۲) \quad \frac{\|z\|_p^2}{\|y\|_p} \quad (۱)$$

$$\frac{y^T z}{\|z\|_p^2} \quad (۴) \quad \frac{\|z\|_p^2}{y^T z} \quad (۳)$$

۳۱- تز چرچ - تورینگ چگونه است؟

(۱) فرضیه است.

(۲) حدس است و درستی یا نادرستی آن هنوز ثابت نشده است.

(۳) قضیه است.

(۴) حدسی بوده که درستی آن ثابت شده است.

۳۲- کدام گزینه حتماً صحیح است؟

$$P \cap NP = \emptyset \quad (۲) \quad P \cup NP = \text{power set}(\Sigma^*) \quad (۱)$$

$$P \subsetneq NP \quad (۳) \quad \text{هیچ کدام} \quad (۴)$$

۳۳- کدام یک از کلاس‌های زیر فقط شامل برخی مسائل بله - خیر (yes-no) است؟

الف) NP-hard

ب) NP-complete

(۱) فقط الف) (۲) فقط ب) (۳) هر دو (۴) هیچ کدام

۳۴- فرض کنیم  $NP \neq P$ . کدام یک از گزاره‌های زیر درست است؟

الف)  $3-SAT \notin P$  و  $2-SAT \in P$

ب)  $P \in$  برنامه‌ریزی صحیح و  $P \notin$  برنامه‌ریزی حقیقی

(۱) فقط الف) (۲) فقط ب) (۳) هر دو (۴) هیچ کدام

۳۵- زمان اجرای چند تا از الگوریتم‌های مرتب‌سازی زیر  $O(n \log n)$  است؟

Insertion Sort

Bubble Sort

Merge Sort

Quick Sort

Quick Sort تصادفی

۱ (۱) ۲ (۲) ۳ (۳) ۴ (۴)

۳۶- مسئله A به صورت زیر تعریف شده است؟

ورودی: عدد n و اعداد طبیعی  $a_1, \dots, a_n$  و عدد t

خروجی: اعداد صحیح  $b_1, \dots, b_n$  (در صورت وجود) به طوری که  $\sum_i a_i b_i = t$  و به طوری که  $\sum_i |b_i|$  کمترین

مقدار ممکن شود. کدام گزینه درست است؟

(۱) مسئله A دارای الگوریتم حریصانه است.

(۲) مسئله A دارای الگوریتم موازی است.

(۳) هر مسئله‌ای که دارای الگوریتم پویا یا دینامیکی باشد دارای الگوریتم موازی نیز هست.

(۴) هیچ‌کدام از گزینه‌ها درست نیست.

۳۷- کدام گزینه را می‌توان خط ۳ شبه کد زیر قرار داد تا یک الگوریتم پویا (دینامیکی) برای مسئله زیر (مسئله

Subset sum) حاصل شود؟

ورودی: عدد n و اعداد طبیعی  $a_1, a_2, \dots, a_n$  و عدد طبیعی A

خروجی:  $I \subseteq \{1, 2, \dots, N\}$  وجود دارد که  $\sum_{i \in I} a_i = A$ .  
خیر: در غیراین صورت.

۱:  $S = \phi$

۲: for  $i = 1$  to  $n$

۳: ?

۴: if  $A \in S$

۵: return "yes"

۶: else

۷: return "no"

$S = S \cup \{a_i + x \mid j < i, x \in S\}$  (۲)

$S = S \cup \{a_i + x \mid j < i\}$  (۱)

$S = S \cup \{a_i \mid j < i\}$  (۴)

$S = S \cup \{a_i + x \mid x \in S\}$  (۳)

۳۸- الگوریتم فلوید - فولکرسون در حالتی که هر بار، مسیر افزایشی را با BFS پیدا کند ..... NP-hard است.

همچنین الگوریتم فلوید - فولکرسون هرگونه که مسیر افزایشی را پیدا کند ..... NP-hard است.

(در گزینه‌ها منظور از «به‌طور ضعیف»، همان Weakly و منظور از «قویا»، همان Strongly است.)

(۲) به‌طور ضعیف - قویا

(۱) قویا - به‌طور ضعیف

(۴) قویا - قویا

(۳) به‌طور ضعیف - به‌طور ضعیف

۳۹- کدام مورد (موارد) دارای الگوریتم تقریبی (approximation) با تقریب ثابت است؟

(الف) TSP (مسئله فروشنده دوره گرد)

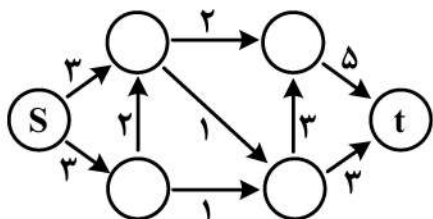
(ب) TSP متریک

(۱) فقط (الف) (۲) فقط (ب) (۳) هر دو (۴) هیچ کدام

۴۰- بهترین زمان لازم برای پیدا کردن دورترین دو نقطه از  $n$  نقطه داده شده روی یک خط، کدام است؟

(۱)  $\theta(1)$  (۲)  $\theta(n)$  (۳)  $\theta(\log n)$  (۴)  $\theta(n \log n)$

۴۱- بیشترین جریان از  $s$  به  $t$  در شبکه زیر چند است؟



(۱) ۳

(۲) ۴

(۳) ۵

(۴) ۶

۴۲- کدام گزاره‌های زیر درست است؟

(الف) اگر ورودی یک مسئله به صورت Online داده شود، الگوریتم‌های سریع‌تر یا با زمان برابر با حالت Offline

برای آن مسئله وجود دارد.

(ب) اگر ورودی یک مسئله به صورت Offline داده شود، الگوریتم‌های سریع‌تر یا با زمان برابر با حالت Online

برای آن مسئله وجود دارد.

(۱) فقط (الف) (۲) فقط (ب) (۳) هر دو درست (۴) هر دو نادرست

۴۳- کدام گزینه نادرست است؟

(۱) زمان درج یک عنصر در یک آرایه نامرتب  $\theta(1)$  است.

(۲) زمان جستجوی یک عنصر در یک آرایه مرتب  $\theta(\log n)$  است.

(۳) زمان حذف یک عنصر در یک جدول در هم‌سازی به‌طور متوسط  $\theta(1)$  است.

(۴) زمان جستجوی یک عنصر در یک جدول در هم‌سازی به‌طور متوسط  $\theta(\log n)$  است.

۴۴- با توجه به اطلاعات زیر کدام گزینه درست است؟

$$T(n) = T\left(\frac{1}{5}n\right) + T\left(\frac{4}{5}n\right) + \theta(n)$$

$$T(1) = \theta(1)$$

$$S(n) = 4S\left(\frac{1}{4}n\right) + \theta(\sqrt{n})$$

$$S(1) = 1$$

$$S(n) \neq \theta(n), T(n) = \theta(n \log n) \quad (۲)$$

$$S(n) \neq \theta(n), T(n) \neq \theta(n \log n) \quad (۴)$$

$$S(n) = \theta(n), T(n) \neq \theta(n \log n) \quad (۱)$$

$$S(n) = \theta(n), T(n) = \theta(n \log n) \quad (۳)$$

۴۵- کدام مورد (موارد) درست است؟

(الف)  $P \subseteq (PR \cap ZPP)$

(ب)  $ZPP \subseteq RP$

(۱) فقط (الف) (۲) فقط (ب) (۳) هر دو درست (۴) هر دو نادرست