

کد کنترل



726

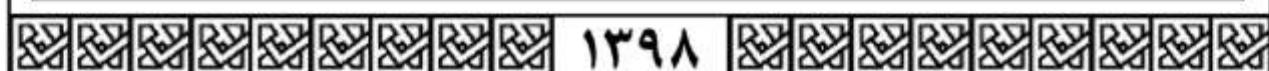
A

صبح جمعه		«اگر دانشگاه اصلاح شود مملکت اصلاح می شود.» امام خمینی (ره)		
۹۷/۱۲/۳				
دفترچه شماره (۱)	جمهوری اسلامی ایران وزارت علوم، تحقیقات و فناوری سازمان سنجش آموزش کشور			
آزمون ورودی دوره دکتری (نیمه‌تمتر کز) – سال ۱۳۹۸				
رشته مهندسی صنایع – کد (۲۳۵۰)				
مدت پاسخ‌گویی: ۱۵۰ دقیقه	تعداد سوال: ۴۵			
عنوان مواد امتحانی، تعداد و شماره سوالات				
ردیف	مواد امتحانی	تعداد سوال	از شماره	تا شماره
۱	مجموعه دروس تخصصی: تحقیق در عملیات (۱و۲) – تئوری احتمالات و آمار مهندسی – طراحی سیستم‌های صنعتی	۴۵	۱	۴۵

استفاده از ماشین حساب مجاز نیست.

این آزمون نمره منفی دارد.

حق چاپ، نکث و انتشار سوالات به هر روش (الکترونیکی و...) پس از برگزاری آزمون، برای نهادی انتخاب خلیق و حقوقی تنها با مجوز این سازمان مجاز می‌باشد و با مخالفین بواهی مقررات رفتار می‌شود.



* داوطلب گرامی، عدم درج مشخصات و امضا در مندرجات جدول ذیل، بهمنزله عدم حضور شما در جلسه آزمون است.

..... با شماره داوطلبی در جلسه این آزمون شرکت می‌نمایم.
اینجانب

امضا:

-۱ مدل زیر را در نظر بگیرید:

$$\min \frac{\mathbf{c}^T \mathbf{x} + d}{\mathbf{a}^T \mathbf{x} + b}$$

$$\text{s.t. } A\mathbf{x} \leq \mathbf{b}$$

$$\mathbf{x} \in \{0,1\}^n$$

که در آن به ازای هیچ \mathbf{x} موجبه مخرج کسر صفر نخواهد شد. کدام گزینه همواره صحیح است؟

(۱) این مدل قابل تبدیل به یک برنامه‌ریزی خطی عدد صحیح است.

(۲) با آزادسازی محدودیت عدد صحیح، این مدل لزوماً قابل تبدیل به یک برنامه‌ریزی خطی عدد صحیح مخلوط نیست.

(۳) با آزادسازی محدودیت عدد صحیح، این مدل قابل تبدیل به یک برنامه‌ریزی خطی است.

(۴) این مدل قابل تبدیل به یک برنامه‌ریزی خطی عدد صحیح مخلوط است.

-۲ در مورد تابع محدب f با دامنه \mathbb{R}^n ، کدام مورد صحیح است؟

(۱) f تابعی پیوسته است، لکن می‌تواند مشتق‌پذیر نباشد.

(۲) نقطه کمینه‌کننده f ، در رابطه $\nabla f(\mathbf{x}) = 0$ صدق می‌کند.

(۳) f تنها در یک نقطه کمینه می‌شود، اگر مقدار کمینه آن متناهی باشد.

(۴) f می‌تواند در چند نقطه کمینه شود، که مجموعه این نقاط لزوماً محدب نیست.

-۳ در مدلسازی یک مسئله لازم است شرایط زیر در مورد متغیر \mathbf{x} رعایت شود:

$$\mathbf{x} = \mathbf{a} \quad \text{یا} \quad \mathbf{b} \leq \mathbf{x} \leq \mathbf{c}$$

کدام دسته از محدودیتهای خطی زیر بیان کننده شرایط فوق هستند؟ (M) یک عدد به اندازه کافی بزرگ است و

$$(a < b < c \quad \text{و} \quad \lambda_1, \lambda_2 \geq 0 \quad \text{و} \quad y \in \{0,1\})$$

$$\mathbf{x} \leq \mathbf{a} - M\mathbf{y}$$

$$\mathbf{x} \leq \mathbf{a} + M\mathbf{y}$$

$$\mathbf{x} \geq \mathbf{a} + M\mathbf{y}$$

$$\mathbf{x} \geq \mathbf{a} - M\mathbf{y}$$

$$\mathbf{x} \geq \mathbf{b} - M(\mathbf{y} - 1) \quad (1)$$

$$\mathbf{x} \geq \mathbf{b} + M(1 - \mathbf{y}) \quad (1)$$

$$\mathbf{x} \leq \mathbf{c} + M(\mathbf{y} - 1)$$

$$\mathbf{x} \leq \mathbf{c} - M(1 - \mathbf{y})$$

$$\mathbf{x} = \mathbf{ay} + \lambda_1 \mathbf{b} + \lambda_2 \mathbf{c} \quad (2)$$

$$\mathbf{x} = \mathbf{ay} + \lambda_1 \mathbf{b} + \lambda_2 \mathbf{c} \quad (3)$$

$$\mathbf{y} + \lambda_1 + \lambda_2 \leq 1$$

$$\mathbf{y} + \lambda_1 + \lambda_2 = 1$$

- ۴ محدوده تغییرات تابع f و g روی مجموعه S به ترتیب بازه‌های $[a', b']$ و $[a, b]$ است ($a' > a$). در مورد مقدار بهینه مسئله زیر، کدام گزینه صحیح است؟

$$\begin{aligned} \min \frac{f(x)}{g(x)} \\ \text{s.t. } x \in S \end{aligned}$$

(۱) مقدار بهینه می‌تواند $\frac{b}{a}$ باشد.

(۲) مقدار بهینه می‌تواند نامتناهی باشد.

(۳) مقدار بهینه می‌تواند $\frac{b'}{b}$ باشد.

(۴) مقدار بهینه می‌تواند $\frac{a}{a'}$ باشد.

* در شکل زیر اطلاعات مورد نیاز و جواب بهینه یک مسئله حمل و نقل داده شده است. با توجه به این اطلاعات به سوالات ۵ و ۶ پاسخ دهید.

	۸	۶	۱۰	۹	
	۱۰	۲۵			
۹		۱۲	۱۳	۷	
۴۵			۵		
	۱۴	۹	۱۶	۵	
	۱۰			۳۰	
مقصد ۱		۲۰	۳۰	۳۰	
مقصد ۲		۴۵			
مقصد ۳					
مقصد ۴					

منبع ۱: ۳۵

منبع ۲: ۵۰

منبع ۳: ۴۰

- ۵ اگر هزینه ارسال یک واحد کالا از منبع ۱ به مقصد ۱ از ۸ به ۵ واحد کاهش یابد، مقدار بهینه تابع هدف مسئله جدید کدام است؟

(۱) ۹۹۰

(۲) ۹۹۵

(۳) ۱۰۰۵

(۴) ۱۰۲۰

- ۶ اگر میزان عرضه منبع ۳ و تقاضای مقصد ۱ به طور متناسب θ واحد تغییر کند، دامنه تغییرات θ برای اینکه جواب فعلی شدنی باقی بماند، کدام است؟

(۱) $\theta \leq 10$

(۲) $\theta \geq -25$

(۳) $-10 \leq \theta \leq 5$

(۴) $-45 \leq \theta \leq 10$

-۷ ماتریس‌های A و $B = C^T A C$ مربعی $n \times n$ هستند. کدام گزینه همواره صحیح است؟

(۱) اگر A نیمه‌معین مثبت باشد، آنگاه B نیز نیمه‌معین مثبت است.

(۲) اگر B نیمه‌معین مثبت باشد، آنگاه A نیز نیمه‌معین مثبت است.

(۳) با فرض آنکه C متقارن است، A نیمه‌معین مثبت است، اگر و فقط اگر B نیمه‌معین مثبت باشد.

(۴) با فرض آنکه C نیمه‌معین مثبت است، A نیمه‌معین مثبت است، اگر و فقط اگر B نیمه‌معین مثبت باشد.

-۸ دستگاه زیر را در نظر بگیرید:

$$x + y - z = 2$$

$$x - 2y + z = 3$$

$$x + y + (a^T - \delta)z = a + 4$$

کدام مورد صحیح است؟

(۱) به ازای تمام مقادیر a ، دستگاه یا جواب ندارد یا تنها یک جواب دارد.

(۲) به ازای تمام مقادیر a ، دستگاه حداقل یک جواب دارد.

(۳) اگر $a = -2$ ، دستگاه بی‌نهایت جواب دارد.

(۴) اگر $a = 2$ ، دستگاه بی‌نهایت جواب دارد.

-۹ کدام مجموعه محدب نیست؟

$$S = \{x, y \in \mathbb{R} : x^T + y^T \leq 5x\} \quad (1)$$

$$S = \{x, y \in \mathbb{R}, z \geq 0 : x^T + y^T \leq z^T\} \quad (2)$$

$$S = \{x, y \in \mathbb{R}, z > 0 : x^T \leq yz\} \quad (3)$$

$$S = \{x, y \in \mathbb{R}, z \geq 0 : x + y^T \leq z^T\} \quad (4)$$

-۱۰ برای اتصال n شهر تصمیم گرفته شده است که یک شبکه ریلی فراغیر با کمترین هزینه احداث شود. c_{ij} هزینه ساخت راه آهن بین شهرهای i و j و x_{ij} متغیر تصمیمی است که مقدار ۱ می‌گیرد. اگر شهرهای i و j به وسیله راه آهن متصل شوند، کدام محدودیت به ازای هر $X \subset V$ برای تکمیل مدل بهینه‌سازی متناظر این مسئله تصمیم‌گیری، لازم است؟ (V مجموعه شهرها، X یک زیر مجموعه سره از V و X' مکمل X در V است).

$$\min \sum_{i, j \in V : i < j} c_{ij} x_{ij}$$

$$\text{s.t. } \sum_{i, j \in V : i < j} x_{ij} = n$$

$$x_{ij} \in \{0, 1\}, i, j \in V : i < j$$

$$\sum_{i, j \in X : i < j} x_{ij} \leq |X| - 1 \quad (1)$$

$$\sum_{i, j \in X : i < j} x_{ij} \geq 2 \quad (2)$$

$$\sum_{i \in X, j \in X' : i < j} x_{ij} + \sum_{i \in X, j \in X' : i > j} x_{ij} \leq |X| - 1 \quad (3)$$

$$\sum_{i \in X, j \in X' : i < j} x_{ij} + \sum_{i \in X, j \in X' : i > j} x_{ij} \geq 2 \quad (4)$$

-۱۱ جدول بهینه سیمپلکس مسئله LP آزادسازی شده یک برنامه ریزی عدد صحیح مخلوط، به صورت زیر است.

	x_1	x_2	x_3	x_4	y_1	y_2	y_3	S_1	S_2	RHS
z	۱	۲	۳۴	۰	$\frac{۳۲}{۳}$	۰	$\frac{۷}{۳}$	$\frac{۱۰}{۳}$	$\frac{۱}{۳}$	$\frac{۲۵۳}{۳}$
y_2	۱	۱	۷	۰	$\frac{۱۱}{۳}$	۱	$-\frac{۱}{۳}$	$\frac{۲}{۳}$	$-\frac{۱}{۳}$	$\frac{۲۳}{۳}$
x_4	-۱	۰	-۳	۱	$-\frac{۱۳}{۳}$	۰	$\frac{۵}{۳}$	$-\frac{۱}{۳}$	$\frac{۲}{۳}$	$\frac{۲۳}{۳}$

که در آن y_3 و x_4 متغیرهای عدد صحیح هستند. با اضافه کردن برش گوئی مناسب به جدول سیمپلکس و انجام یک تکرار از روش سیمپلکس دوگان، به کدام پایه شدنی می‌رسیم و آیا همچنان نیاز به تولید و افزودن برش گوئی دیگری داریم؟

$$(y_2, x_4, x_1) = \left(\frac{22}{3}, 1, \frac{1}{3}\right) \quad (1)$$

$$\text{بله} \quad (y_2, x_4, x_1) = (8, 7, 1) \quad (2)$$

$$\text{بله} \quad (y_2, x_4, S_2) = (8, 7, 1) \quad (3)$$

$$(y_2, x_4, S_2) = \left(\frac{22}{3}, 1, \frac{1}{3}\right) \quad (4)$$

-۱۲ دو مسئله زیر را در نظر بگیرید:

$$P: \max V$$

$$Q: \min W$$

$$\text{s.t. } \sum_{i=1}^n a_{ij} x_i \geq V \quad j=1, \dots, m \quad \text{s.t. } \sum_{j=1}^m a_{ij} y_j \leq W \quad i=1, \dots, n$$

$$\sum_{i=1}^n x_i = 1 \quad \sum_{j=1}^m y_j = 1$$

$$x_i \geq 0, \quad i=1, \dots, n. \quad y_j \geq 0, \quad j=1, \dots, m.$$

کدام گزینه برای جواب‌های موجه این مسائل همواره صادق است؟

$$\min_{j=1, \dots, m} \left\{ \sum_{i=1}^n a_{ij} x_i \right\} \geq \max_{i=1, \dots, n} \left\{ \sum_{j=1}^m a_{ij} y_j \right\} \quad (1)$$

$$\min_{j=1, \dots, m} \left\{ \sum_{i=1}^n a_{ij} x_i \right\} \leq \max_{i=1, \dots, n} \left\{ \sum_{j=1}^m a_{ij} y_j \right\} \quad (2)$$

$$V > W \quad (3)$$

$$V < W \quad (4)$$

- ۱۳- مدل بهینه‌سازی زیر را در نظر بگیرید:

$$\min c^T x$$

$$\text{s.t. } Ax \geq b$$

یک جواب بهینه این مسئله x^* است. فرض کنید بردار c به بردار c' تغییر پیدا کند و در این صورت یک جواب بهینه مسئله x' باشد. کدام گزینه همواره صحیح است؟

(۱) ضرب داخلی $x^* - x'$ و $c' - c$ نامثبت است.

(۲) ضرب داخلی $x^* - x'$ و $c - c'$ نامنفی است.

(۳) جمع $x^* - x'$ و $c' - c$ نامثبت است.

(۴) جمع $x^* - x'$ و $c - c'$ نامنفی است.

- ۱۴- برای بیشینه‌سازیتابع مشتق‌بذری $f: \mathbb{R}^n \rightarrow \mathbb{R}$ ، نقاط جستجو در یک الگوریتم عددی براساس $x^{k+1} = x^k + t_k d^k$ تولید می‌شوند. درصورتی که بخواهیم در هر مرحله با انتخاب طول گام t_k مناسب تابع هدف حتماً بهبود یابد، جهت جستجو d^k در چه شرطی باید صدق کند؟

(۱) $\nabla f(x^k)$ و d^k برهمنمود باشند.

(۲) $\nabla f(x^k)$ و d^k زاویه منفرجه (باز) بسازند.

(۳) $\nabla f(x^k)$ و d^k زاویه حاده (تند) بسازند.

(۴) $\nabla f(x^k)$ و d^k در خلاف جهت هم باشند.

- ۱۵- برای انجام یک مأموریت پیچیده در یک سازمان فضایی، سه راه حل در قالب سه پروژه A، B و C دنبال می‌شود. در حال حاضر احتمال شکست هر یک از این پروژه‌ها به ترتیب، ۰/۸، ۰/۶ و ۰/۴ است. سازمان می‌خواهد احتمال شکست مأموریت را تا حد امکان کاهش دهد؛ لذا بودجه‌ای برای استخدام حداکثر دو دانشمند جدید و جذب آن‌ها در این ۳ پروژه تصویب کرده است. در جدول زیر اثر اضافه کردن دانشمندان بر احتمال شکست هریک از پروژه‌ها مشخص شده است. در این صورت احتمال پیروزی سازمان در بهترین حالت چقدر خواهد بود؟

تعداد دانشمندان	پروژه	A	B	C
۰	۰/۶	۰/۸	۰/۴	
۱	۰/۴	۰/۵	۰/۲	
۲	۰/۲	۰/۳	۰/۱۵	

(۱) ۰/۹۲ (۲) ۰/۹۲۸ (۳) ۰/۹۳۶ (۴) ۰/۹۴

- ۱۶- سه کلاس هر کدام با ۱۲ دانشآموز را در نظر بگیرید. می‌خواهیم یک گروه سه نفری به تصادف از این سه کلاس انتخاب کنیم. اگر دو دانشآموز از یک کلاس و یک دانشآموز از کلاس‌های دیگر باشد، تعداد انتخاب‌ها کدام است؟

(۱) ۲۵۷۴

(۲) ۲۷۵۴

(۳) ۴۵۷۲

(۴) ۴۷۵۲

- ۱۷ فرض کنید 20% از شهر A، به علت یک غفلت شرکتی در معرض ماده شیمیایی خطرناک Z قرار گرفته‌اند. احتمال ابتلا به سرطان پانکراس $P=0.0001$ است که با قرار گرفتن در معرض ماده Z، 4 برابر می‌شود. فردی از شهر A به سرطان پانکراس مبتلا شده است. احتمال اینکه او در معرض ماده Z قرار گرفته باشد، کدام است؟
- ٪۲۰ (۱)
٪۵۰ (۲)
٪۷۵ (۳)
٪۸۰ (۴)

- ۱۸ فرض کنید $B = \bigcup_{k=1}^{\infty} A_k$ دنباله‌ای از پیشامدهای مستقل باشد. اگر $P(A_k) = P_k$ است. لازم و کافی برای اینکه $P(B) = 1$ باشد، کدام است؟

$$\sum_{k=1}^{\infty} \ln(1 - P_k) = -\infty \quad (1)$$

$$\sum_{k=1}^{\infty} \ln(1 - P_k) = 0 \quad (2)$$

$$\prod_{k=1}^{\infty} (1 - P_k) = 1 \quad (3)$$

$$\prod_{k=1}^{\infty} P_k = 1 \quad (4)$$

- تابع احتمال متغیر تصادفی X به صورت زیر داده شده است. مقدار c کدام است؟ - ۱۹

$$f_X(r) = P(X=r) = \begin{cases} c \frac{\binom{n}{r}}{r+1}, & r=0, 1, \dots, n \\ 0, & \text{سایر جاهای} \end{cases}$$

$$c = \frac{n}{r^{n+1} - 1} \quad (1)$$

$$c = \frac{n+1}{r^n - 1} \quad (2)$$

$$c = \frac{n+1}{r^{n+1} - 1} \quad (3)$$

$$c = \frac{n+1}{r^{n+1} - 1} \quad (4)$$

- ۲۰- تابع توزیع متغیر تصادفی X به صورت زیر داده شده است. مقدار $P(\frac{1}{2} < X < \frac{5}{2})$ کدام است؟

$$F_X(x) = \begin{cases} 0 & , x < 0 \\ \frac{x^2}{4} & , 0 \leq x < 1 \\ \frac{3}{4} & , 1 \leq x < 2 \\ \frac{x+1}{4} & , 2 \leq x < 3 \\ 1 & , x \geq 3 \end{cases}$$

$\frac{3}{8}$ (۱)

$\frac{5}{8}$ (۲)

$\frac{6}{8}$ (۳)

$\frac{7}{8}$ (۴)

- ۲۱- فرض کنید X و Y متغیرهای تصادفی به ترتیب درآمد و هزینه یک خانوار در یک شهر و دارای توزیع دو متغیره

نرمال با پارامترهای $\mu_1 = 25$ ، $\mu_2 = 35$ ، $\sigma_1^2 = 4$ ، $\sigma_2^2 = 16$ و ضریب همبستگی $\rho_{X,Y} = \frac{17}{32}$ هستند. اگر

$Z = 3X - 2Y$ پس انداز خانوار باشد، مقدار $P(-2 < Z < 19)$ کدام است؟

۰/۱۸۸۵ (۱)

۰/۸۱۵۸ (۲)

۰/۸۱۸۵ (۳)

۰/۸۸۱۵ (۴)

- ۲۲- فرض کنید X یک متغیر تصادفی از توزیعی با چگالی زیر باشد. مقدار $E(X)$ کدام است؟

$$f(x) = \begin{cases} \left(\frac{1}{4}\right)^{x+1} & x = 1, 2, \dots \\ x & 0 < x < 1 \\ 0 & \text{سایر جاهای} \end{cases}$$

$\frac{1}{3}$ (۱)

$\frac{4}{3}$ (۲)

$\frac{5}{3}$ (۳)

$\frac{7}{3}$ (۴)

۲۳- فرض کنید $E(Y | X = x \sim B(x, p))$ باشد. مقدار $E(Y)$ کدام است؟

(۱) λp (۲) xp (۳) $\frac{\lambda}{p}$ (۴) $\frac{x}{p}$

۲۴- تابع چگالی احتمال توانم تغیرهای تصادفی X و Y به صورت زیر است. اگر تعریف کنیم $E(X | B)$ مقدار $E(X | B)$ کدام است؟ $B = \{(x, y); 0 < x + y < 1\}$

$$f_{X,Y}(x,y) = \begin{cases} 2, & 0 < x < y < 1 \\ 0, & \text{سایر جاهای} \end{cases}$$

(۱) $\frac{1}{2}$ (۲) $\frac{2}{3}$ (۳) $\frac{3}{4}$ (۴) $\frac{1}{4}$

۲۵- فرض کنید متغیر تصادفی X دارای توزیع احتمال دو جمله‌ای با پارامترهای n و p است. مقدار

$$\text{cov}\left(\frac{X}{n}, \frac{n-X}{n}\right)$$

(۱) $\frac{1-p}{n}$ (۲) $\frac{p^r(1-p)}{n}$ (۳) $\frac{p(1-p)}{n}$ (۴) $\frac{-p(1-p)}{n}$

۲۶- فرض کنید $S_r = \sum_{i=1}^r X_i^r$, $r \leq n$ یک نمونه تصادفی از توزیع $N(0, 1)$ است. اگر برای هر n برای X_1, \dots, X_n باشد،

مقدار $\text{corr}(S_r, S_n)$ کدام است؟

(۱) $\frac{r}{n}$ (۲) $\sqrt{\frac{r}{n}}$ (۳) $\frac{\sqrt{r}}{n}$ (۴) $\frac{r}{\sqrt{n}}$

- ۲۷ فرض کنید $\gamma(\theta) = (\theta - 1)\sqrt{\theta + 1}$ یافته‌های یک نمونه تصادفی از توزیع (θ, θ) باشد. برآورد θ باشد. به روش ماکریم درستنمایی کدام است؟

(۱)

 $4\sqrt{6}$ (۲)

۸ (۳)

۲۱ (۴)

- ۲۸ فرض کنید X_1, \dots, X_n یک نمونه تصادفی از توزیع $N(\mu, \sigma^2)$ باشد، که در آن هر دو پارامتر μ و σ^2 مجهول هستند. اگر $S^2 = \frac{1}{n-1} \sum (X_i - \bar{X})^2$ و $\bar{X} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n X_i$ کدام است؟

 $\bar{X} + \frac{1}{n} S^2$ (۱) $\bar{X} + \frac{1}{n}$ (۲) $\bar{X} - \frac{1}{n} S^2$ (۳) $\bar{X} - \frac{1}{n}$ (۴)

- ۲۹ فرض کنید X دارای توزیعی با یکی از تابع چگالی احتمال‌های زیر باشد.

$$f_0(x) = \frac{3}{64}x^2 \quad 0 < x < 4 ; \quad f_1(x) = \frac{3}{16}\sqrt{x} \quad 0 < x < 4$$

برای آزمون فرض $H_0 : f = f_0$ در مقابل $H_1 : f = f_1$ ، اگر ناحیه بحرانی به فرم $\{x : \frac{f_1(x)}{f_0(x)} > k\}$ باشد، مقدار k در

سطح $\alpha = 0.05$ کدام است؟ $\sqrt{5}$ (۱) $\sqrt{3}$ (۲)

۲ (۳)

۳ (۴)

- ۳۰ در یک مدل رگرسیون خطی ساده $y = \alpha + \beta x + \epsilon$, براساس یافته‌های یک نمونه تصادفی، خلاصه اطلاعات زیر حاصل شده است. مقدار $(\hat{\alpha}, \hat{\beta}, SSE)$ کدام است؟ (SSE: مجموع مربعات خط)

$$\sum_{i=1}^{25} x_i = 75, \quad \sum_{i=1}^{25} y_i = 100, \quad S_x^T = \sum_{i=1}^{25} (x_i - \bar{x})^T = 16, \quad S_y^T = \sum_{i=1}^{25} (y_i - \bar{y})^T = 66$$

$$S_{xy} = \sum_{i=1}^{25} (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y}) = 32$$

(۲, ۲, ۲) (۱)

(۲, -۲, ۲) (۲)

(-۲, ۲, ۲) (۳)

(-۲, -۲, ۲) (۴)

- ۳۱ در صورتی که از آزادسازی لاگرانژ به منظور حل مسئله P - میانه استفاده شود و یکی از محدودیت‌های آن به صورت زیر با ضریب λ به تابع هدف منتقل گردد، آنگاه حل مسئله لاگرانژ منجر به یافتن کدامیک از کران‌های مسئله شده و به منظور یافتن بهترین مقدار مسئله لاگرانژ، نوع تابع هدف چه خواهد بود؟

$$h = \sum_{i \in I} \sum_{j \in J} d_j c_{ij} x_{ij} + \sum_{j \in J} \lambda_j (1 - \sum_{i \in I} x_{ij})$$

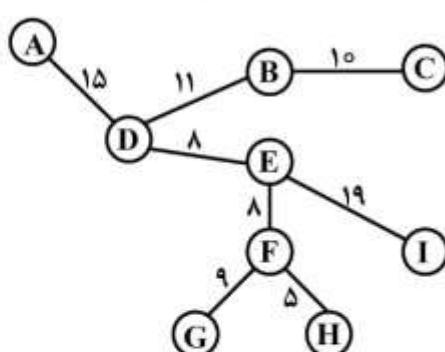
(۱) کران پایین، min max

(۲) کران پایین، max min

(۳) کران بالا، min max

(۴) کران بالا، max min

- ۳۲ در صورتی که یک تسهیل اورزانسی بخواهد به منظور سرویس‌دهی مراکز جمعیتی موجود بر روی شبکه زیر ایجاد شود، اختلاف مقادیر بهینه تابع هدف مسائل vertex 1-center و absolute 1-center چقدر است؟



۲ (۱)

۳ (۲)

۴ (۳)

۵ (۴)

۳۳- یک دستگاه گران قیمت بهوسیله ۱۰ بیمارستان در یک منطقه پر جمعیت مورد استفاده قرار عی‌گیرد. دستگاه مذکور در یکی از بیمارستان‌ها یا بر روی یال‌های بین آن‌ها مستقر خواهد شد و در صورت نیاز به سایر بیمارستان‌ها ارسال می‌گردد. هدف، انتخاب محل استقرار دستگاه است به‌گونه‌ای که مجموع فواصل حمل دستگاه از مکان استقرار به سایر بیمارستان‌ها، کمینه گردد. میزان استفاده از دستگاه توسط بیمارستان‌های مختلف در جدول زیر و همچنین فاصله بین بیمارستان‌ها در شبکه زیر نشان داده است. به ازای چه مقداری از W محل بهینه قرارگیری تسهیل بر روی گره‌های ۳ یا ۶ یا یال (۳-۶) قرار خواهد گرفت؟

بیمارستان	۱	۲	۳	۴	۵	۶	۷	۸	۹	۱۰	W	تفاضا
۱۰	۹	۸	۷	۶	۵	۴	۳	۲	۱			
۴	۱۵	۱۸	۱۶	۴	۵	۹	۷	۱۰	W			



۳۴- به‌منظور پوشش رسانی حداقلی به ۱۵ مرکز جمعیتی، مقرر شده است در هفت مکان کاندید دکل مخابراتی ایجاد گردد. اطلاعات مرتبط با نواحی تحت پوشش مکان‌های کاندید به همراه هزینه احداث دکل در این مکان‌ها به صورت زیر داده شده است. در صورتی که بودجه ایجاد دکل از ۵ به ۶ تغییر یابد، درصد تفاضل پوشش داده شده چقدر تغییر خواهد یافت؟

منطقه	۱	۲	۳	۴	۵	۶	۷	۸	۹	۱۰	۱۱	۱۲	۱۳	۱۴	۱۵
جمعیت	۵	۱۵	۱۰	۲۰	۱۵	۵	۲۵	۱۰	۲۰	۱۵	۵	۱۵	۱۰	۱۰	۲۰

محل کاندیدا	حوزه پوشش	هزینه احداث	
۱	۱,۲	۳/۶	۳۰ (۱)
۲	۲,۳,۵	۲/۳	۲۰ (۲)
۳	۱,۷,۹,۱۰	۴/۱	۱۵ (۳)
۴	۴,۶,۸,۹	۳/۱۵	۱۰ (۴)
۵	۶,۷,۹,۱۱	۲/۸	
۶	۵,۷,۱۰,۱۲,۱۴	۲/۶۵	
۷	۱۲,۱۳,۱۴,۱۵	۳/۱	

۳۵- پنج مکان کاندید برای استقرار مراکز اورژانس مشخص شده است. مراکز اورژانس احتمالی باید به ۵ ناحیه جمعیتی سرویس دهند. زمان سفر بین مکان‌های پیشنهادی و نواحی جمعیتی و همچنین حداکثر زمان مجاز برای سرویس دهی به هر یک از نواحی جمعیتی، به شرح زیر است. هدف، احداث کمینه تعداد مراکز اورژانس است به نحوی که به تمام نواحی جمعیتی سرویس دهی شود. کدام‌یک از ترکیبات زیر به عنوان جواب موجه قابل پذیرش است؟

		مکان کاندید					
		A	B	C	D	E	زمان پوشش
تعداد نواحی	۱	۱۰۵	۱۱۵	۹۵	۱۵۰	۱۴۵	۱۲۰
	۲	۷۰	۸۰	۱۱۰	۱۱۰	۸۰	۹۰
	۳	۸۵	۱۳۰	۸۰	۷۰	۱۰۰	۹۰
	۴	۱۵۵	۱۶۰	۹۵	۱۰۵	۱۴۵	۱۲۰
	۵	۱۸۰	۹۰	۱۴۰	۱۳۰	۱۰۰	۱۱۰

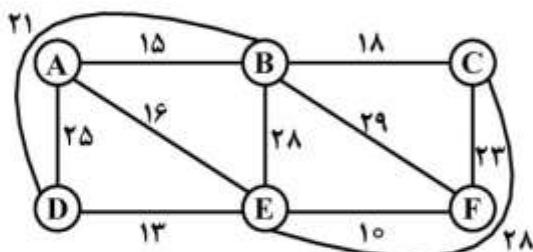
۳۶- یک سیستم تولید سلولی را در نظر بگیرید که اطلاعات قطعه - ماشین آن به صورت جدول زیر است. با استفاده از ضریب تشابه با حد آستانه ۰,۶۵، تشکیل خانواده قطعات چگونه است؟

ماشین								
	۱	۲	۳	۴	۵	۶	۷	
قطعه	۱	۱	۰	۰	۱	۰	۱	۰
	۲	۰	۱	۱	۰	۱	۰	۰
	۳	۰	۰	۰	۱	۰	۱	۰
	۴	۰	۱	۱	۰	۰	۰	۰
	۵	۰	۰	۱	۰	۰	۰	۱
	۶	۰	۱	۰	۰	۱	۰	۱

۳۷- فرض کنید یک آمبولانس، وظیفه خدمت‌رسانی به پنج ناحیه جمعیتی را دارد. چنانچه محل نواحی جمعیتی، بعد از دوران ۴۵ درجه به صورت $(1, 5, 1, P_1(5, 1), P_2(9, 1), P_3(12, -6), P_4(14, -2))$ و با فرض آنکه $P_{ij} = g_i$ (فاصله ناحیه جمعیتی i تا نزدیکترین بیمارستان متناظر) باشد، مختصات اولیه (غیر دوران یافته) ناحیه پنجم، کدام است؟ حداقل فاصله محل بهینه قرارگیری آمبولانس از هر ناحیه برابر با ۵ فرض شود.

- (۱) (۱۵, -۵)
- (۲) (۵, ۵)
- (۳) (۱۰, ۵)
- (۴) (۱۰, ۱۰)

- ۳۸- شبکه زیر را در نظر بگیرید که از ۶ نقطه تقاضا تشکیل شده است. اگر هزینه قرارگیری تسهیلات در تمامی گره‌ها یکسان فرض شود، حداقل تعداد تسهیلات مورد نیاز برای پوشش کامل مشتریان و تعداد جواب‌های مستقله بهتر ترتیب کدام است؟ (شعاع پوشش را برابر با ۲۵ فرض کنید)

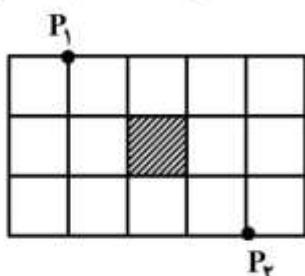


- (۱) ۲ تسهیل و ۷ جواب
- (۲) ۲ تسهیل و ۸ جواب
- (۳) ۳ تسهیل و ۷ جواب
- (۴) ۳ تسهیل و ۸ جواب

- ۳۹- چنانچه در یک مسئله تخصیص تعیین یافته بخواهیم ۵ کالا را در یک انبار به ابعاد $5 \times 6 \times 5$ قرار دهیم؛ به طوری که مجموع قفسه‌های موردنیاز برای همه انواع کالاهای برابر با ۲۸ باشد، در این صورت در مدل برنامه‌ریزی خطی توسعه‌داده شده، چه تعداد متغیر و چه تعداد محدودیت خواهیم داشت؟

- (۱) ۲۶,۱۲۰
- (۲) ۳۳,۱۴۰
- (۳) ۳۵,۱۵۰
- (۴) ۳۶,۱۸۰

- ۴۰- فرض کنید انباری دارای دو درب در نقاط P_1 و P_2 و قفسه‌هایی با ابعاد 1×1 است. می‌خواهیم دو کالای A و B را که هر کدام به ترتیب به ۸ و ۷ بلوك نیاز دارند، استقرار دهیم. میزان رفت و آمد از درب (۱) برای کالاهای A و B به ترتیب برابر با ۱۰۰ و ۵۰ واحد و از درب (۲) برای هر کدام از دو کالا به ترتیب برابر با ۲۰۰ و ۱۰۰ واحد است. اگر فرض کنیم ارتباطات در طول راهروهای عمود بر هم صورت می‌گیرد، در قفسه مشخص شده کدام کالا قرار می‌گیرد و هزینه آن چقدر است؟



- (۱) ۳ و A
- (۲) ۶ و A
- (۳) ۳ و B
- (۴) ۶ و B

- ۴۱- چهار ماشین موجود در مکان‌های P_1 تا P_4 قرار دارد. مکان بهینه یک ماشین جدید با فاصله مجدد مستقیم با مختصات $(6,10) = \bar{P}$ تعیین شده است. اگر به جای \bar{P} ، نقطه \bar{Q} به عنوان مکان جدید دیگری در نظر بگیریم، آنگاه مقدار افزایش درتابع هدف چقدر خواهد بود؟ (فرض کنید شعاع فاصله (اقلیدوسی) از \bar{P} به اندازه ۳ واحد بوده و میزان ارتباطات میان ماشین‌های موجود به ترتیب $W_1 = W_2 = ۳$ ، $W_3 = ۲$ و $W_4 = ۱$ است).

- (۱) ۳۰
- (۲) ۹۰
- (۳) ۱۲۰
- (۴) ۱۶۹

۴۲- تعداد معینی ماشین در یک سالن تولیدی قرار دارد. قرار است که یک ماشین جدید با مختصات (x, y) مکان‌یابی شود. اگر تابع هزینه حمل و نقل به صورت زیر باشد، آنگاه تعداد ماشین‌های موجود در سالن و مجموع مقادیر x و y چقدر خواهد بود؟

$$f(x,y) = 6|x-5| + 3|x-0| + 4|x-2| + 2|x-7| + 4|y-3| + 7|y-5| + 4|y-4|$$

(۱) ۹ و ۴

(۲) ۱۱ و ۴

(۳) ۹ و ۵

(۴) ۱۱ و ۵

۴۳- رابطه $P_k(a)$ در کدام الگوریتم به کار می‌رود؟

$$P_k(a) = \sum_{j=1}^n w_{kj} d(a(k), a(j))$$

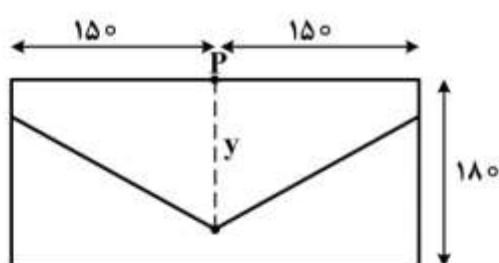
(۱) الگوریتم VNZ

(۲) الگوریتم 2-opt

(۳) الگوریتم ابتکاری ساخت جواب اولیه

(۴) الگوریتم جایه‌جایی زوجی با تدبیرن شیب

۴۴- انباری با ابعاد 180×300 متر مربع را در نظر بگیرید که در ربع سوم و چهارم مختصات واقع است و یک بارانداز در مبدأ قرار دارد. قرار است یک قلم کالا با مساحت 25500 مترمربع به صورت فله‌ای در انبار نگهداری شود. با فرض پله‌ای بودن نوع فاصله، مقدار y در چیدمان بهینه کدام است؟

(۱) قطعاً کمتر از 150° (۲) قطعاً کمتر از 160° (۳) 150° (۴) 160°

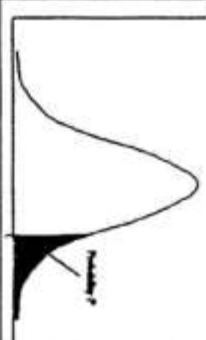
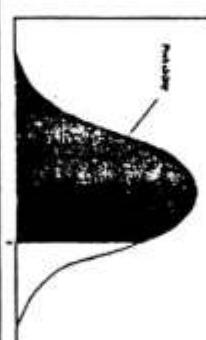
۴۵- در نظر است یک مسئله مکان‌یابی و تخصیص با پنج تسهیلات موجود و تسهیلات جدید یکسان را حل کنیم. متغیرهای تصمیم موردنظر، Z_{ij} (تخصیص تسهیل جدید j به تسهیل موجود i) و (x_j, y_j) محل قرارگیری تسهیل جدید j می‌باشند. در یکی از قدم‌های روش ابتکاری حل، تعداد تسهیلات جدید ۳ در نظر گرفته شده است. در این صورت چند حالت برای تخصیص تسهیلات موجود به جدید لازم است بررسی شوند (تعداد ترکیبات مربوط به Z_{ij})؟

(۱) ۷

(۲) ۱۴

(۳) ۲۵

(۴) ۵۰



مقادیر بحرانی توزیع کای

df	.995	.990	.975	.950	.050	.025	.010	.005
1	3.8414	5.0238	6.6140	7.473				
2	5.9914	7.3777	9.2101	10.596				
3	7.7714	9.0225	10.9648	11.344				
4	9.4877	11.143	13.276	14.860				
5	11.143	13.276	14.860	15.596				
6	12.812	15.070	16.749	18.545				
7	14.449	16.811	18.475	20.277				
8	16.012	18.475	20.277	22.136				
9	17.534	20.060	21.954	23.867				
10	19.022	21.665	23.569	25.475				
11	20.483	23.209	25.158	27.105				
12	21.920	24.716	26.576	28.296				
13	23.316	26.716	28.596	30.376				
14	24.715	28.277	30.156	31.936				
15	25.964	29.916	31.795	33.675				
16	27.104	31.755	33.614	35.574				
17	28.240	32.695	34.554	36.413				
18	29.376	33.635	35.594	37.453				
19	30.502	34.715	36.574	38.433				
20	31.621	35.815	37.674	39.533				
21	32.729	36.915	38.774	40.633				
22	33.828	38.015	39.873	41.732				
23	34.926	39.115	40.972	42.831				
24	36.024	40.215	42.071	43.930				
25	37.122	41.315	43.169	45.028				
26	38.219	42.415	44.227	46.087				
27	39.317	43.515	45.339	47.198				
28	40.415	44.615	46.442	48.301				
29	41.513	45.713	47.539	49.398				
30	42.611	46.811	48.638	50.497				

سطع زیر منحنی فرم‌الاستاندارد

df	.10	.05	.025	.01	.005
1	3.078	6.314	12.71	31.82	63.66
2	5.886	9.290	4.93	6.965	9.215
3	7.753	12.353	5.43	5.941	5.341
4	9.626	15.753	7.747	8.404	8.844
5	11.517	18.153	10.371	10.707	11.143
6	13.417	20.553	12.771	13.077	13.476
7	15.317	22.953	15.087	15.487	15.896
8	17.217	25.353	17.422	17.822	18.226
9	19.117	27.753	19.692	20.092	20.492
10	21.017	30.153	22.021	22.421	22.821
11	22.917	32.553	24.889	25.289	25.689
12	24.817	34.953	27.227	27.627	28.027
13	26.717	37.353	29.595	30.995	31.395
14	28.617	39.753	32.827	34.227	35.627
15	30.517	42.153	35.899	37.299	38.699
16	32.417	44.553	38.531	40.931	42.331
17	34.317	46.953	41.774	44.174	45.574
18	36.217	49.353	44.617	47.017	48.417
19	38.117	51.753	47.880	50.280	51.680
20	40.017	54.153	51.013	53.413	54.813
21	41.917	56.553	54.843	57.243	58.643
22	43.817	58.953	57.333	59.733	61.133
23	45.717	61.353	59.723	62.123	63.523
24	47.617	63.753	62.113	64.513	65.913
25	49.517	66.153	64.503	66.893	68.293
26	51.417	68.553	66.993	69.393	70.793
27	53.317	70.953	69.483	71.883	73.283
28	55.217	73.353	71.633	74.033	75.433
29	57.117	75.753	74.013	76.413	77.813
30	59.017	78.153	76.273	78.673	80.073

مقادیر بحرانی توزیع کای

