

۱۰۱- گزینهای ۱

همانطور که مشخص است آن عدد ۲,۴ است که گویا بورد

و به ازای جمله ی ۱ یک عدد ۹ درازد ۲,۳ آمده و شده ۲,۳۹

به ازای جمله ۲، دو عدد ۹ درازد ۲,۳۹ آمده و شده ۲,۳۹۹

$$2,399 \dots 1 = A_{10} \quad \text{پس جمله ی دهم می شود}$$

$$2,4 - A_{10} = 1 \quad \text{حال:}$$

۱۰۲- بلوی و ما باید مثبت و نامساوی منفی باشد.

$$2x + b > 0 \Rightarrow x > \frac{-b}{2} \Rightarrow \frac{-b}{2} = -\frac{1}{2}$$

$$\Rightarrow \frac{b}{2} = \frac{1}{2} \Rightarrow b = 1 \quad \text{و} \quad \log_3(a+b) = 2 \Rightarrow 3^2 = 4a+b$$

$$\Rightarrow 9 = 4a + 1 \Rightarrow 4a = 8 \Rightarrow a = 2 \quad \text{و} \quad a = 2b \Rightarrow b = 1 \quad \Rightarrow f(x) = \log_3(2x+1)$$

حال که تابع حساب شرفواستی سالوار بررسی می کنیم.

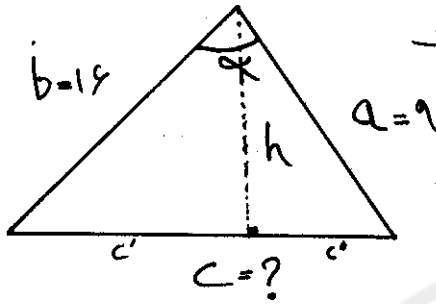
$$f\left(-\frac{4}{9}\right) = \log_3\left(\frac{-4 \times 2}{9} + \frac{1}{9}\right) = \log_3\left(\frac{-8}{9} + \frac{1}{9}\right) = \log_3\left(-\frac{7}{9}\right) = \log_3\left(\frac{7}{9}\right) = -2$$

گزینه ی ۱

①

۱۵۳ - در سنده میز طرح دیدیم که هم در گنگور خارج کشور ۹۲ و هم سرابری

ریاضی ۹۳ نیز قاعدی هرون مورد سوال بود و هیچ عذری در این سوال



و بله بنوعی قاعدی هرون پذیرفته نیست

$$۲P = a + b + c \rightarrow P = \frac{a + b + c}{۲}$$

* با نصف محیط P می گویند.

* زاویه ای مقابل به ضلع c است

$$S = \frac{hc}{۲} = ۲۴\sqrt{۵} \quad \text{و} \quad S = \sqrt{P(P-a)(P-b)(P-c)} \quad \text{قاعدی هرون}$$

$$c^2 = a^2 + b^2 - 2ab \cos \alpha$$

* توجه کنید که این سوال از دو سوال تکراری قبل باره تراسه

اتنا یک دید گنگوری خوب لازم رارز

اگر بخواهیم با فرمول های بالا برویم حداقل سه صفحه ای دیگه راه

حل نیاز داریم، چون اندازه ای ضلع بزرگ را خواسته.

در صفحه ای بعدی قاعدی هرون را می نویسم و گزینیم ما راست می کنیم

(۲)

ادامی حل ۱۰۳: ابتدا دو گزینہ کی او ۳ را آزمائش میں کنتم کہ بہ
 میں معیطی با مقدار زوج (دادہ) و مقدار P عددی صبیح میں شود (واگر پاسخ
 در این دو گزینہ نہیں بہ سراغ گزینہ کی او ۲ میں روم کہ معیط با مقدار فردی
 بہ میں معیند و P عددی اشاری میں شود. (از آسان بہ سخت)

$$\text{آزمائش گزینہ ۱: } S = \sqrt{2 \times 17 \times 6 \times 23} \rightarrow P = 23 \rightarrow 2P = 9 + 16 + 21 = 46$$

فیلی تابو ست کہ این مقدار ارتباطی با ۲۴۵ ندارد (رد گزینہ کی ۱)

$$\text{آزمائش گزینہ کی ۲: } S = \sqrt{1 \times 8 \times 15 \times 24} \rightarrow P = 24 \rightarrow 2P = 9 + 16 + 23 = 48$$

$$\rightarrow S = \sqrt{3 \times 8 \times 3 \times 5 \times 8} = \sqrt{3^2 \times 8^2 \times 5} = 24\sqrt{5}$$

پانچ صبیح گزینہ کی ۳ ات و کاربرد آزمائش گزینہ کی ۲، ۴، انگشید

-۱۰۴

این سوال در بخش ریاضیات گسسته پاسخ داده شده است

(۳)

۱۰۵۔ سوال کلاماً نامعلوم و معبر بود

ع ۱۔ بر اساس قضیہ تقسیم، $F(-2)$ برابر با باقیمانده تقسیم $f(x)$ بر $x+2$

من باشد. $(F(-2) = R_{(-2)})$ ، چون بر $x+2$ بخش پذیر است پس باقیمانده $F(-2) = 0$

$$F(-2) = 16 - 8a + 16 \rightarrow a = 4 \rightarrow f(x) = x^4 + 4x^3 - 8x$$

و بر اساس فرضی خود x^4

$$\rightarrow f(x) = x(x^3 + 4x^2 - 8)$$

عبارت $f(x)$ بر $x+2$ بخش پذیر بود، پس $x^3 + 4x^2 - 8$ نیز بر

$x+2$ قابل تجزیه است، و با جدول هورنر آن را تقسیم کنیم

$$\begin{array}{r|rrrr} & 1 & 4 & 0 & -8 \\ x+2 & 1 & 2 & -4 & 0 \end{array}$$

* در ستانی که هورنر را بلند نیستند از تقسیم جبری استفاده کنند.

$$\rightarrow f(x) = x(x+2)(x^2 + 2x - 4)$$

عبارت درجه دوم $x^2 + 2x - 4$ را با روش آوریسم

$$\Delta' = b' - 4c \rightarrow \Delta' = 1 + 4 \rightarrow \Delta' = 5 \rightarrow x = \frac{-b \pm \sqrt{\Delta'}}{a} \begin{cases} -1 - \sqrt{5} \\ -1 + \sqrt{5} \end{cases}$$

که مقدار $(-1 - \sqrt{5})$ کوچکترین ریشه است. (گزینه ۴ صحیح است)

(۴)

۱۰۷ = در دو طرف عبارت تقارن قاضی کشف می کنیم.

در وقت کنید: $x^2 + 4x = A$ و $x^2 + 4x + 3 = \sqrt{x^2 + 4x + 5}$

در نتیجه: $A + 3 = \sqrt{A + 5} \Rightarrow A^2 + 6A + 9 = A + 5$

$\rightarrow A^2 + 5A + 4 = 0 \rightarrow \Delta = 25 - 16 = 9 \rightarrow A = \frac{-5 \pm 3}{2}$

حال دو معادله درجه ۲ داریم:

$$\begin{cases} x^2 + 4x + 4 = 0 \rightarrow P_1 = \frac{c}{a} = \frac{4}{1} = 4 \\ x^2 + 4x + 1 = 0 \rightarrow P_2 = \frac{c}{a} = \frac{1}{1} = 1 \end{cases}$$

* حاصل ضرب ریشه های معادله درجه ۲ $ax^2 + bx + c = 0$ برابر $\frac{c}{a}$ است

* چون اول x را زیر را در یکجا همواره مثبت است، پس هر ۴ ریشه ی حاصل

مطلق به صورت x است و ضرب آن ۴ برابر (گزینه ی ۴) $P = P_1 \times P_2 = 4 \times 1 = 4$

۱۰۸ - در این x طرح هوش شمارا سفیده کافی است - گزینه ی پارابولیک کنید:

* یک عدد از هر بازه در هر گزینه انتحاب و در عبارت گزینه فایگذاری و در صورت چک می کنیم.

گزینه ۱: $x = 9 \rightarrow y = 12 - 13 + 9 = 8 \rightarrow (9, -3) \in f \rightarrow (9, -3) \in f^{-1}$

گزینه ۲: $x = 5 \rightarrow y = 6 - 4 + 0 = 2 \rightarrow (5, 0) \in f \rightarrow (5, 0) \in f^{-1}$

گزینه ۳: چون عبارت این گزینه و گزینه ۴ برابر است، این دو را با هم چک می کنیم

گزینه ۴: $x = 8 \rightarrow y = 12 - 1 - 3 = 8 \rightarrow (-3, 8) \in f \rightarrow (-3, 8) \in f^{-1}$

در نتیجه گزینه ۳ که $(-3, 8) \in f$ را ندارد کذب و جواب گزینه ی ۴ است

۵

صفحه ی ۶

۱۰۹- ابتدا α را با فرض $\alpha > 0$ با جمع به منفرجه تا حد امکان سازه می کنیم.

$$\frac{2 \sin \frac{3\alpha}{2} \cos \frac{\alpha}{2}}{2 \cos \frac{3\alpha}{2} \cos \frac{\alpha}{2}} \Rightarrow \tan \frac{3\alpha}{2} = \cot \alpha$$

پس به گزینهای α عدد $k=5$ را می دهیم و $\alpha=2$ را می گیریم

$$\Rightarrow \alpha=2 \Rightarrow \tan \frac{3 \times 2}{2} = \cot 2 \quad -\infty = -\infty \quad \text{می}$$

گزینه های $\alpha=2$ را ندارند (عاشوند). (دو گزینه های ۳، ۲)

گزینه های $\alpha=2$ مضارب $\frac{\pi}{8}$ را دارند و گزینه های ۴ فقط مضارب فرد را دارند

در واقع گزینه های ۴ ناقص مضارب زوج π نیز هست، پس اگر $\alpha=2$ در معادله

$$\rightarrow \alpha=2 \rightarrow \tan 3\alpha = \cot 2 \quad \text{صاری باشد، گزینه های ۴ را می شود می}$$

پس پاسخ گزینه های ۱ را می شود.

۱۱- این تست علی رغم ظاهر ترسناکش خیلی ساده است:

در این تست دامنه $\sin^{-1}(x)$ محور x و به شکل « $-1 \leq x \leq 1$ » است
 در نتیجه $u(x)$ نیز که در \sin^{-1} است به شکل « $-1 \leq u(x) \leq 1$ » است
 بر اساس نمودار هر $u(x)$ نیز بین دو مقدار نامعلوم محور x است که
 با توجه به « $-1 \leq u(x) \leq 1$ » دو نقطه $A(2,1)$ و $B(-1,-1)$ متعلق به $u(x)$ است
 با جایگذاری $A(2,1)$ گزینه های ۲ و ۴ رد شده و با جایگذاری $B(-1,-1)$ گزینه های ۳ را می شود
 پاسخ گزینه ۱ است

۱۱۱- آقا این طرح گنکور ۴ سال عاشق این قیب مال شدہ .

$$\cos^{-1}\left(-\frac{5}{13}\right) = \alpha \rightarrow 169 \sin(2\alpha)$$

باتوجه به این کہ کمان و مقدار ی بر حسب \cos^{-1} است، مانند ۴ سال گذشتہ باید مال را باست روی شدن هدایت کنیم.

$$169 \times 2 \sin \alpha \cos \alpha = 13^2 \times 2 \times \sqrt{1 - \cos^2 \alpha} \times \cos \alpha$$

باتوجه به اینکه $\cos(\cos^{-1}(u)) = u$ است: $13^2 \times 2 \times \sqrt{1 - \frac{25}{13^2}} \times \left(-\frac{5}{13}\right)$

$$= 13^2 \times 2 \times \sqrt{\frac{169 - 25}{13^2}} \times \frac{-5}{13} = 13^2 \times 2 \times \frac{12}{13} \times \frac{-5}{13} = -120$$

پاسخ گزینہ ۱ ام باشد

۱۱۲- نقطہ مرز شکوک $a = 2$ است .
 * حد عبارت بالا با ازای $a \rightarrow 2$ معلوم $\frac{0}{0}$ است و پس از رفع ابهام برابر با مقدار حد پایین با ازای $a \rightarrow 2$ قرار میدهیم .

$$H \frac{\frac{-a}{\sqrt[3]{(1-a)^2}}}{a \rightarrow 2 \frac{2a-2}{2a-2}} = \frac{-a}{4} \rightarrow \frac{-a}{4} = 2-a \rightarrow \frac{3a}{4} = 2$$

$$\rightarrow a = \frac{12}{3} \rightarrow a = 4$$

گزینه ۳ صحیح

(۷)

۱۱۳ - سال ۷۵ این بحث از کتاب حذف شده بود.
 تماماً مانند ہم از فرقی های بسط تیلور و قاعده ی هوسپیتال که در کتاب
 نیستند باید این سوالات این بحث را نیز بلد باشیم.
 * البته در کتاب سال ۹۰ نیز در بحث دنباله ها اشارتی در کتاب
 دینفرانسیل داشتیم، اما کلاً نت های این بحث برای قبل ۷۵ است.
 گویا طرح اصلاً به کتاب نگاه نمی کند و فقط کسنگورهای قبلی را می بیند.

راه حل کلی حل این مسائل مبهم آ به شکل زیر است
 * توجه مقدار را مطلق با توان ∞ همان امر شود این در واقع $(1+\epsilon)^\infty$ است
 که منظور یک صوری بوده است که مبهم می شود:

$$a_n = \left(\frac{n+1}{n+1} + \frac{1}{n+1} \right)^{2n+3} \rightarrow \lim_{n \rightarrow \infty} a_n \left(1 + \frac{1}{\infty} \right)^\infty$$

دقت کنید:

$$= (1+\epsilon)^\infty \quad \text{مبهم}$$

راه حل کلی: توان عبارت را در عبارت ضرب کرده و خود عبارت را
 نیز منهای ۱ می کنیم، سپس با سیت ∞ میل می دهیم.
 حاصل هر چه قدر شد، عدد e را با توان آن می رسانی.

$$\Rightarrow a_n = \left(1 + \frac{1}{n+1} \right)^{2n+3} \rightarrow \lim_{n \rightarrow \infty} (2n+3) \left(1 + \frac{1}{n+1} - 1 \right)$$

توان $\rightarrow 2n+3$ عبارت \rightarrow

$$\Rightarrow \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{2n+3}{n+1} = 2 \rightarrow \text{جواب: } e^2$$

گزینه ۲ صحیح e^2 : جواب \rightarrow

(۱)

صفحه ۹

۱۱۴- با ازای نمود صفر عبارت برابر صفر می شود (، انا در $x \rightarrow 0^+$ و $x \rightarrow 0^-$ تنها صفر مطلق با لذت شده و یک منریب (۰-) بیست عبارت قرار میگیرد

$$x \rightarrow 0^+ \quad [20^+] + [-20^+] = 0 + [0^-] = -1$$

$$x \rightarrow 0^- \quad [20^-] + [-20^-] = [0^-] + [0^+] = -1$$

حال اگر $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\cos^3 x - 1}{1 - \sqrt{1+x^2}}$ برابر صفر شود تابع صورت سؤال قوی

برابر صفر دارد، در غیر این صورت چون حد چپ و راست برابر وی با مقدار خود تابع در $x=0$ برابر نیستند تابع در $x=0$ ندارد.

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{-3 \cos^2 x \sin x}{-2x} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{3 \cos^2 x \sin x (\sqrt{1+x^2})}{x}$$

$$\xrightarrow[\lim_{x \rightarrow 0}]{\sin x = x} \lim_{x \rightarrow 0} 3 \cos^2 x (\sqrt{1+x^2}) = 3 \neq 0 \quad \text{ند ندارد. گزینیه ۴}$$

۱۱۵- طبق صفحای ۱۰۰ و ۱۰۱ کتاب دینفرانسیل این سؤال طرح شده و در سال های گذشته با کرات آمده است.

کافی است ابتدای هر بازه را در تابع قرار داده و انتهای بازه را نیز هم همین

سپس آن دو را در هم ضرب کرده و اگر مقدار منفی بود یعنی در آن بازه رینج است

$$\underline{f(-1)} = 2 \quad \text{و} \quad \underline{f(0)} = -3 \quad \text{مقدار مثبت ۳-} \quad \text{و} \quad \underline{f(-\frac{3}{4})} = \frac{-27}{64} + \frac{1}{8} + 3$$

$$\underline{f(\frac{1}{4})} = \frac{1}{8} + \frac{1}{4} - 2 \quad \text{و} \quad \underline{f(-\frac{1}{4})} = -\frac{1}{8} + \frac{1}{4} + 2 \quad \text{مقدار منفی ۳-}$$

فقط گزینیه ۱، $f(-\frac{3}{4}) f(-\frac{1}{4})$ مقاری منفی می شود (و صحیح است

۱۱۶ - فرمول معروف «بنا» در این مثال کاربرد دارد.

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \sqrt[n]{ax^n + bx^{n-1} + \dots + c} = a \left| x + \frac{b}{na} \right|$$

بین فرمول مجانب های $f(x)$ مشهور: $m(x) = |x+1| - |x-1|$

این تابع معروف به تابع سرسره است: $x \leq -1$

$$m(x) = \begin{cases} -2 & x \leq -1 \\ +2x & -1 < x < 1 \\ 2 & x > 1 \end{cases}$$

در دو نقطه $A(1, 2)$ و $B(-1, -2)$ مجانب ها با $x=0$ متقاطع اند

گزینه ۴: $AB = \sqrt{(-2-2)^2 + (2-(-2))^2} = \sqrt{16+16} = 4\sqrt{2}$

۱۱۷ - همیشه اول از شرط در صحت و بزرگت راست ما شیم. $\tan \theta = \left| \frac{m - m'}{1 + mm'} \right|$

$$F_+(x) = \left[\frac{1}{x} + \frac{1}{x} + \epsilon \right] x + x^2 = x^2 + x \rightarrow F_+\left(\frac{1}{x}\right) = 2x + 1 = 2$$

$$F_-(x) = \left[\frac{1}{x} + \frac{1}{x} - \epsilon \right] x + x^2 = x^2 \rightarrow F_-\left(\frac{1}{x}\right) = 2x = 1$$

$\rightarrow \tan \theta = \left| \frac{2-1}{1+2} \right| = \frac{1}{3}$ گزینیه ۲ صحیح است

(۱۰)

۱۱۸ - $\frac{dy}{dx}$ یعنی از لا دو بار بر حسب x مشتق بگیر.

با نامردی تمام باید دو بار مشتق زنجیره ای بگیرید.

* این سوال چون زاہد و لٹس - شفعہ ول طولانیہ بہترہ ول بٹے ہر صدے
۳ برابر سوالات دیکھتے وقت مینار.

زنجیرہ ی اول : $2xy + x'y' - 2yy' - \frac{1}{\sqrt{x}} = 0$

زنجیرہ ی دوم : $2y + 2xy' + 2xy' + x^2 y'' - 2(y')^2 - 2yy'' - (-\frac{1}{2})x^{-\frac{3}{2}} = 0$

* مگر کتم طراح داشته سوال معادلات دینفرانسیل طرح می کردہ ...

$$A(1,2) \rightarrow 4 + y' - 4y' - 1 = 0 \rightarrow y' = 1$$

$$A(1,2), y' = 1 \rightarrow 4 + 2 + 2 + y'' - 2 - 2y'' + \frac{1}{2} = 0$$

$$\rightarrow y'' = 4 + \frac{1}{2} = \frac{13}{2}$$

$$x=2 \in F^{-1} \rightarrow y=2 \in F \rightarrow x^3 - x^2 + 2x = 2 \rightarrow x=1 \in F \quad 119$$

$$\rightarrow f'(x) = 3x^2 - 2x + 2 \rightarrow f'(1) = 3 \rightarrow f'_{\pm 1} = -f'$$

f' عمود بر f^{-1} برابر با f' است و در نتیجہ مقدار شیب -3 است

فقط گزینہ ی ا شیب ماوی -3 دارد. (پانچ گزینہ ی ا)

(11)

۱۲۰۔ بادین این سوال فیلی خوشحال شدم۔ ہمانطور کہ ہمیشہ

گفتہ ام بادین کلیدی تقعر باید یاد مشتق دوم بینتید۔ البتہ اگر

گزینہ کی " (۰،۲) " درہین جواب مابود فیلی بدی شد چون

نصف ایران با اشتباہ من افتادند۔
ابتدا از شرق قدر مطلق فلکامی من شدم:

$$f(x) = \begin{cases} \alpha e^{-x} & \alpha > 0 \\ -\alpha e^{-x} & \alpha < 0 \end{cases}$$

* تو بی کنید کہ ہم باید بازہ ان انتقاب شود کہ تابع در آن نزولی باشد و ہم باید تقعرش بع پایین باشد یا به عبارتی ہم مشتق اول و ہم مشتق دوم در آن منفی

$$f' = \begin{cases} e^{-x} - \alpha e^{-x} & \alpha > 0 \\ -(e^{-x} - \alpha e^{-x}) & \alpha < 0 \end{cases} \rightarrow e^{-x} - \alpha e^{-x} = 0 \rightarrow \alpha = 1$$

* تو بی کنید کہ f' هم روی ۰ و هم رو کا تغییر علامت مہ در $\alpha < 0$

در جابہای منفی نزولی است۔ (گزینہ ۲ کلاً رد من شد)

۰	۱	۱	-
-	+	-	-

حال من رسم سراغ f''

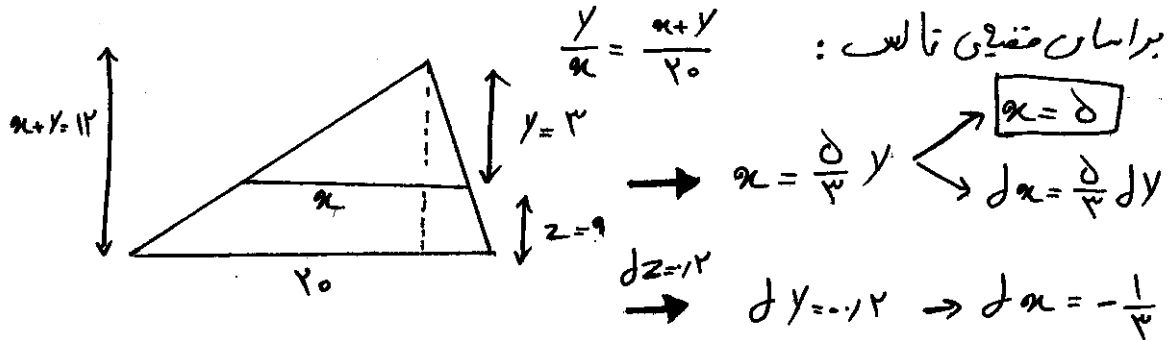
$$f'' = \begin{cases} \alpha e^{-x} - 2e^{-x} & \alpha > 0 \\ -(\alpha e^{-x} - 2e^{-x}) & \alpha < 0 \end{cases} \Rightarrow e^{-x}(\alpha - 2) = 0 \rightarrow \alpha = 2$$

* اینجا ہم مثل f' ، f'' روی ۰ در شعی نمودن تغییر علامت من مہ۔

۰	۲	۲	+
+	-	+	+

اشتراک جواب مہ مہوردی (۱،۲) را نشان من مہ۔

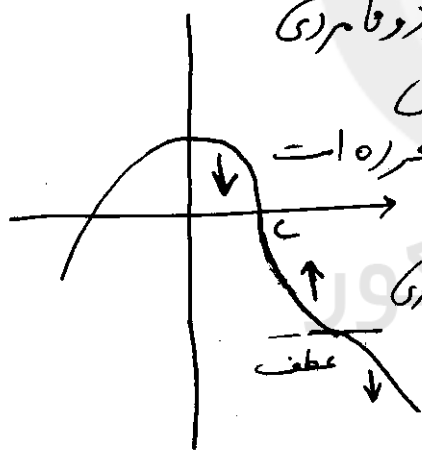
۱۲۱- بر فو اسٹیجی کے لیے: $S = \frac{x+y}{2} \times z \rightarrow S' = \frac{1}{2}(z dx + x dz + z dy + y dz)$



$\rightarrow S' = \frac{1}{2} (9 \times (-\frac{1}{3}) + 5 \times \frac{1}{3} + 20 \times \frac{1}{3}) = \frac{1}{2} (-3 + 1 + 4) = 1$

پانچ گزینہ ۳ است

۱۲۲- این سوال فدائیش فلی سنگین بود و فامردی



نقطہ C نقطہ ای است کہ ہم ریشی تابع ما است و ہم تقعر روی آن تغییر کرده است

* دلیل تا کیدین در جزوه روی بحث یادگیری

مفهوم ریشی همین است کہ چنین

منوار مفهومی را متوجه شوید.

فداروشکر بیان کرده بودیم کہ ریشی مکرر مرتبہ ای فرد

نقطہ ای عطف نیز خواهد بود.

* این یک سرخ دیگر هم من (مرد که این ریشی مکرر مرتبہ

سوم ریشی مشتق اول هم نیز هست.

ادامتی حل ۱۲۲:

در حال حاضر یک نقطه از این تابع معلوم است و آن

نقطه $C = 0$ که از بیعی مشتق اول و مشتق دوم است.

$$F' = -4x^3 + 24x^2 + 2ax = -2x(2x^2 - 12x - a)$$

$$\rightarrow F'(c) \Rightarrow I: 2c^2 - 12c - a = 0$$

$$F'' = -12x^2 + 48x + 2a = -2(6x^2 - 24x - a)$$

$$\rightarrow F''(c) \Rightarrow II: 6c^2 - 24c - a = 0 \quad x-1$$

$$I, II \rightarrow \begin{cases} 2c^2 - 12c - a = 0 \\ -6c^2 + 24c + a = 0 \end{cases} \Rightarrow -4c^2 + 12c = 0 \rightarrow \begin{cases} c=0 \\ c=3 \end{cases}$$

$$\rightarrow 2 \times 9 - 12 \times 3 - a = 0 \Rightarrow a = -12 \checkmark \quad \text{گزینه بی ۳}$$

۱۲۳- دیگے فیلی این تکراری بود. (مشتق انتگرال)

$$G'(a) = 2a \times \int_{\sqrt{a}}^{\sqrt{a+2}} \frac{\ln(t+2)}{t^2} dt + a^2 \left(\frac{1}{2\sqrt{a}}\right) \left(\frac{\ln(\sqrt{a}+2)}{a}\right)$$

* هرگاه صربالا دپایین انتگرال یکی شود مقدار صفر می شود (ت=۰) $\int_{\sqrt{a}}^{\sqrt{a}} \frac{\ln(t+2)}{t^2} dt = 0$

پاسخ گزینه ی ۳ $\rightarrow G'(4) = 16 \times \frac{1}{4} \times \frac{\ln 4}{4} = 2 \ln 2$

۱۲۴- دیگے از این آسون تر نیست.

* داخل براکت را در حدود انتگرال می سازیم و سپس روی بازه های اعداد صحیح تفکیک کرده و در هر بازه حد پایین را به براکت داره و انتگرال میگیریم

$$0 \leq a \leq 4 \Rightarrow 0 \leq \frac{a}{2} \leq 2 \rightarrow \int_0^2 \left[\frac{a}{2}\right] \left(\frac{1}{\sqrt{a}} - \frac{1}{a}\right) da = 0$$

$$\int_2^4 \left[\frac{a}{2}\right] \left(\frac{1}{\sqrt{a}} - \frac{1}{a}\right) da$$

$$\rightarrow \int_2^4 \left(\frac{1}{\sqrt{a}} - \frac{1}{a}\right) da = 2\sqrt{a} - \ln a \Big|_2^4 \rightarrow (2 \times 2 - \ln 4) - (2\sqrt{2} - \ln 2)$$

$$= 4 - 2 \ln 2 - 2\sqrt{2} + \ln 2 = 4 - 2\sqrt{2} - \ln 2$$

پاسخ صحیح گزینه ی ۱ است.