



بنیاد آموزشی
بنیادی آموزشی

آزمون غیرحضوری

دوازدهم ریاضی

(۱۳۹۷ آذر)

(مباحث ۱۶ آذر ۹۷)

گزینشگران و ویراستاران

نام درس	حسابان ۲	هندسه ۳	ریاضیات گسسته	فیزیک ۳	شیمی ۳
گزینشگر	سید عادل حسینی	امیرحسین ابومحبوب	بابک اسلامی	سهند راحمی پور	سهند راحمی پور
گروه ویراستاری	مرضیه گودرزی علی ارجمند	سید عادل حسینی	علیرضا صابری	حیدر زرین کفش	سهند راحمی پور
مسئول درس	سید عادل حسینی	امیرحسین ابومحبوب	بابک اسلامی	امیرحسین ابومحبوب	سهند راحمی پور

گروه فنی و تولید:

مسئول تولید آزمون غیرحضوری	محمد اکبری
مسئول دفترچه آزمون غیرحضوری	نرگس غنیزاده
گروه مستندسازی	مدیر گروه: مریم صالحی مسئول دفترچه: آته اسفندیاری
حروفنگار و صفحه‌آرا	حسن خرم‌جو
ناظر چاپ	سوران نعیمی

بنیاد علمی آموزشی قلم‌چی «وقف عام»

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ - تلفن: ۶۶۹۶۲۴۰۰

«تمام دارایی‌ها و درآمدهای بنیاد علمی آموزشی قلم‌چی وقف عام است بر گسترش دانش و آموزش»

**حسابان ۲**

مثلثات

صفحه‌های ۲۳ تا ۴۶

حسابان ۲۱- اگر دوره تناوب تابع $y = 3 - 5 \sin ax$ دو برابر دوره تناوب تابع $y = 1 + \cos 3x$ باشد، مقدار a

(a > 0) کدام است؟

$$\frac{3}{2} \quad (2)$$

$$\frac{2}{3} \quad (1)$$

$$\frac{1}{3} \quad (4)$$

$$\frac{3}{2} \quad (3)$$

۲- دوره تناوب تابع $y = \sin x(\cos 2x + 2 \cos^2 x)$ کدام است؟

$$\pi \quad (2)$$

$$2\pi \quad (1)$$

$$\frac{2\pi}{3} \quad (4)$$

$$\frac{\pi}{3} \quad (3)$$

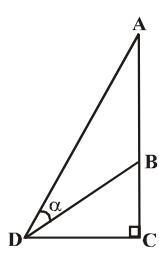
۳- دوره تناوب تابع $f(x) = (\tan x + \cot x)^2 - \tan^2 x - \cot^2 x$ کدام است؟

$$\pi \quad (2)$$

$$\frac{\pi}{4} \quad (1)$$

$$4) \text{ دوره تناوب ندارد.}$$

$$\frac{\pi}{2} \quad (3)$$

۴- در مثلث قائم الزاویه شکل زیر، اگر $\tan \alpha = 3$ باشد، $\tan \alpha$ کدام است؟

$$\frac{5}{9} \quad (2)$$

$$\frac{3}{11} \quad (1)$$

$$\frac{1}{8} \quad (4)$$

$$\frac{1}{2} \quad (3)$$

۵- اگر $\cos \alpha \neq 0$ باشد، مقدار $\tan \alpha$ برابر کدام است؟ $\frac{2 \sin \alpha + \cos \alpha}{\sin \alpha + 2 \cos \alpha} = \frac{2}{3}$

$$2 \quad (2)$$

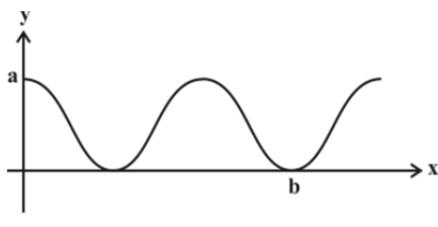
$$4 \quad (1)$$

$$\frac{1}{3} \quad (4)$$

$$\frac{1}{4} \quad (3)$$



۶- شکل زیر، قسمتی از نمودار تابع $y = \frac{1}{2}\cos 2x + \frac{1}{2}$ است. حاصل $a + b$ کدام است؟

 $\frac{3\pi}{2} + 1$ (۲) $\frac{3\pi}{2} + 1$ (۳) $\frac{3\pi}{2} + 1$ (۱)

۷- انتهای کمان جواب‌های معادله $\sin 2x + \cos(\frac{\pi}{2} + x) = 0$ در فاصله $[0, \pi]$ ، رأس‌های کدام چندضلعی است؟

(۲) مثلث متساوی الساقین

(۱) مثلث قائم الزاویه

۴ (۴) مربع

۳ (۳) ذوزنقه

-۸- معادله $\cos 4x + \tan x \sin 4x = 0$ در بازه $[0, 2\pi]$ چند جواب دارد؟

۴ (۲)

۲ (۱)

۸ (۴)

۶ (۳)

۹- مجموع جواب‌های معادله مثلثاتی $2\cos x(\cos x - \sin x) = 1$ در بازه $(0, 2\pi)$ کدام است؟

 $\frac{7\pi}{2}$ (۲) $\frac{5\pi}{2}$ (۱)**Konkur.in** π (۴)۲ π (۳)

۱۰- معادله $\sin(\cos x) = \cos(\sin x)$ در بازه $[0, 4\pi]$ چند جواب دارد؟

۲ (۲)

۱) صفر

۶ (۴)

۴ (۳)



هندسه ۴

ماتریس و کاربردها
آشنایی با مقاطع مخروطی
صفحه های ۲۷ تا ۳۹

۱۱- فرض کنید A ماتریس مربعی از مرتبه ۳ باشد. اگر $|A| = A^T = A + I$ و $-1 = A^{-1}$ ، دترمینان ماتریسکدام یک از مقادیر زیر می تواند باشد؟ $A + 2I$

۳ (۲)

۵ (۱)

 $5\sqrt{5}$ (۴)

-۲ (۳)

۱۲- فرض کنید $A = [(i-j)^r]_{3 \times 3}$ باشد. دترمینان ماتریس A^{-1} کدام است؟ $\frac{1}{\lambda}$ (۲)

۸ (۱)

 $-\frac{1}{\lambda}$ (۴)

-۸ (۳)

باشد، آنگاه مقدار b کدام است؟ $\begin{vmatrix} b+1 & 1 & b \\ b & b+1 & b \\ 1 & b & 2 \end{vmatrix} = 8$ -۱۳ اگر

۲ (۲)

-۱ (۱)

۳ (۴)

-۲ (۳)

۱۴- اگر ۲ واحد به درایه سطر دوم و ستون سوم ماتریس زیر اضافه کنیم، حاصل دترمینان ۲ برابر می شود. x کدام است؟

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & 1 & 5 \\ x & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

Konkur.in

۲ (۲)

۱ (۱)

-۲ (۴)

-۱ (۳)

۱۵- اگر $|BA| + |AB|$ کدام است؟ $B = \begin{bmatrix} 2 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 2 \end{bmatrix}$ و $A = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 2 & 1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}$

۵ (۲)

(۱) صفر

۶ (۴)

-۵ (۳)



۱۶- اگر A ماتریس مربعی از مرتبه ۳ و $-4 = |A|$ باشد، آنگاه $|A|$ کدام است؟

(۲) ۲۵۶

(۱) ۱۶

-۲۵۶ (۴)

-۱۶ (۳)

۱۷- کدام نقطه روی خط به معادله $x - y + 1 = 0$ قرار دارد؟

$$\begin{vmatrix} x & y & 1 \\ 2 & -1 & 1 \\ -1 & 1 & 1 \end{vmatrix}$$

(۰, - $\frac{1}{3}$) (۲)($\frac{1}{3}$, ۰) (۱)

(۱, ۱) (۴)

($\frac{1}{3}$, $\frac{1}{3}$) (۳)

۱۸- مکان هندسی نقاطی از صفحه که از چهار ضلع مستطیل $(AB > BC)ABCD$ به یک فاصله باشند، کدام است؟

۲) خطی موازی ضلع BC

۱) خطی موازی ضلع AB

۴) تهی

۳) محل تقاطع دو قطر مستطیل

۱۹- در مثلث ABC، مساحت مثلث و طول ضلع BC، مقادیر ثابتی هستند. مکان هندسی نقطه همرسی میانه‌های این مثلث کدام است؟

سایت کنکور

۲) خطی عمود بر BC

۱) خطی موازی با BC

Konkur.in

۴) دایره‌ای به قطر BC

۳) دو خط موازی با BC

۲۰- دایره‌ای به مرکز O و شعاع ۱۰ و سکه‌ای به شعاع ۲ مفروض‌اند. سکه را روی دایره پرتاب می‌کنیم. مساحت مکان هندسی مرکز سکه به شرطی که سکه کاملاً درون دایره قرار داشته باشد، کدام است؟

۹۶π (۲)

۶۴π (۱)

۱۰۰π (۴)

۳۶π (۳)

ریاضیات گستره

ریاضیات گستره

آشنایی با نظریه اعداد
صفحه های ۳۰ تا ۲۲(۲۱)- اگر معادله $15x - 12y = 2a - 1$ در مجموعه Z دارای جواب باشد، آن گاه a کدام است؟ ($a, k \in Z$)

۵k + 2 (۲)

۳k + 2 (۱)

۵k + 1 (۴)

۴k + 1 (۳)

(۲۲)- در معادله سیاله خطی $7 = 9x + 13y$ ، مقدار y به کدام دسته همنهشتی تعلق دارد؟ ($x, y \in Z$)

[۵]₉ (۲)

[۴]₉ (۱)

[۶]₉ (۴)

[۳]₉ (۳)

(۲۳)- اگر باقیمانده های تقسیم دو عدد چهار رقمی $\overline{3m2n}$ و $\overline{n2m3}$ بر ۱۱ برابر باشد، باقیمانده تقسیم عدد $m+n$ بر ۱۱، کدام است؟

۸ (۲)

۱۰ (۱)

۳ (۴)

۵ (۳)

(۲۴)- اگر باقیمانده تقسیم $2 + 3x$ بر ۵، برابر ۳ باشد، باقیمانده تقسیم $3 + 4x$ بر ۱۰ کدام است؟

۱ (۲)

۰ (۱)

۳ (۴)

۲ (۳)

(۲۵)- اگر یک رابطه همنهشتی، Z را به ۸ کلاس افزایش کند و $\overline{5a} - 2$ و $\overline{3a} + b$ همگی در یک کلاس قرار داشته باشند، دراین صورت چند عدد طبیعی دو رقمی برای b وجود خواهد داشت؟

۱۰ (۲)

۹ (۱)

۱۲ (۴)

۱۱ (۳)



۲۶- معادله سیاله $a^7 + 10y = 5x + 1$ ، به ازای چند عدد طبیعی دو رقمی a دارای جواب است؟

۳۶ (۲)

۱۲ (۱)

۱۸ (۴)

۲۴ (۳)

۲۷- عدد $\overline{43a57}$ بر ۹ بخشیدنی است. باقیمانده تقسیم آن بر ۱۱ کدام است؟

۵ (۲)

۶ (۱)

۴) صفر

۸ (۳)

۲۸- اعداد صحیح x و y در معادله $23x + 45y^7 = 1000$ صدق می‌کنند. باقیمانده تقسیم x بر ۹ کدام است؟

۶ (۲)

۷ (۱)

۳ (۴)

۲ (۳)

۲۹- به ازای کدام مقدار n ، معادله سیاله $(2m^7 + 1)x + (2m - 4)y = n$ جواب دارد؟

۵۴ (۲)

۴۹ (۱)

۷۵ (۴)

۶۶ (۳)

۳۰- به ازای چند مقدار a ، باقیمانده تقسیم عدد $\overline{13a79}$ بر دو عدد ۹ و ۱۱ یکسان است؟

۲ (۲)

۱ (۱)

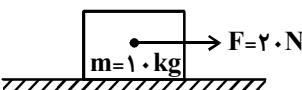
۴) هیچ

۳ (۳)

فیزیک**فیزیک**

دینامیک و حرکت دایرها

صفحه های ۳۵ تا ۶۰

۳۱- در شکل زیر، نیروی افقی $F = 20\text{ N}$ بر جسمی به جرم 10 kg وارد می شود و جسم هم چنان ساکن است.

است. در این صورت کدامیک از گزینه های زیر، الزاماً صحیح است؟ $(g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}})$

۱) ضریب اصطکاک جنبشی بین سطح و جسم کوچک‌تر از $2 / 0$ است.۲) ضریب اصطکاک جنبشی بین سطح و جسم بزرگ‌تر یا مساوی با $2 / 0$ است.۳) ضریب اصطکاک ایستایی بین سطح و جسم کوچک‌تر از $2 / 0$ است.۴) ضریب اصطکاک ایستایی بین سطح و جسم بزرگ‌تر یا مساوی با $2 / 0$ است.۳۲- جسمی را با سرعت افقی $10 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ روی یک سطح افقی که ضریب اصطکاک جنبشی آن برابر با $2 / 0$ است، پرتاب می‌کنیم. چند ثانیه طول می‌کشد تا جسم متوقف شود؟ $(g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}})$

ثانیه طول می‌کشد تا جسم متوقف شود؟ $(g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}})$

سایت Konkur.in

۱۰ (۱)

۴) باید جرم جسم معلوم باشد.

۲۵ (۳)

Konkur.in

۳۳- اتومبیلی به جرم ۱ تن پس از طی مسافت 500 m با شتاب ثابت، اندازه سرعتش از $90 \frac{\text{km}}{\text{h}}$ به $18 \frac{\text{km}}{\text{h}}$ می‌رسد. اندازه نیروی

خالص وارد بر اتومبیل چند نیوتون است؟

۳۰۰ (۲)

۶۰۰ (۱)

۱۸۰۰ (۴)

۱۲۰۰ (۳)



۳۴- شخصی به جرم 60 kg درون یک آسانسور به جرم 80 kg ایستاده است. وقتی آسانسور از حال سکون به سمت پایین شروع به حرکت

می‌کند، اندازه نیروی کشش کابل آن برابر با 7740 N می‌شود. در این حالت اندازه نیرویی که از طرف کف آسانسور به شخص وارد می‌شود،

$$(g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}} \text{ چند نیوتون است؟})$$

۶۰۰ (۲)

۵۴۰ (۱)

۲۴۰ (۴)

۶۶۰ (۳)

۳۵- جسمی به جرم m را با سرعت $10 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ روی یک سطح افقی پرتاب می‌کنیم. اگر ضریب اصطکاک جنبشی سطح با جسم برابر $\frac{1}{2}$

$$(g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}} \text{ باشد، جسم در دو ثانیه آخر حرکت خود روی این سطح چند متر را طی می‌کند؟})$$

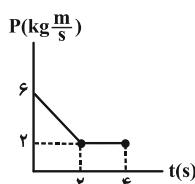
۱/۵ (۲)

۱ (۱)

۴ (۴)

۲ (۳)

۳۶- نمودار تکانه- زمان جسمی به جرم 2 kg مطابق شکل زیر است. اندازه سرعت متوسط این جسم در 4 ثانیه اول حرکتش چند متر



سایت کنکور

بر ثانیه است؟

Konkur.in

۰/۵ (۱)

۳ (۴)

۱/۵ (۳)

۳۷- اندازه تکانه اتومبیلی به جرم یک تن با اندازه تکانه کامیونی به جرم پنج تن برابر است. انرژی جنبشی کامیون چند برابر انرژی

جنوبی اتومبیل است؟

۲۵ (۲)

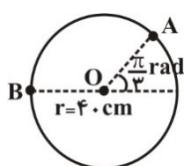
۵ (۱)

$$\frac{1}{25} (۴)$$

$$\frac{1}{5} (۳)$$



۳۸- مطابق شکل زیر، ذره‌ای که بر روی محیط دایره‌ای یکنواخت انجام می‌دهد، در مدت ۲۸ از نقطه A



به نقطه B می‌رسد. کمینه تندی این ذره چند متر بر ثانیه است؟ ($\pi = 3$)

۰/۲ (۲)

۰/۱ (۱)

۰/۴ (۴)

۰/۳ (۳)

۳۹- خشک کن یک لباسشویی به صورت استوانه‌ای با محور قائم به شعاع ۱m است که با دوران سریع خود می‌تواند لباس‌ها را خشک

کند. اگر ضریب اصطکاک ایستایی لباس‌ها با سطح داخلی استوانه برابر با $0/4$ باشد، بیشینه دوره حرکت دورانی استوانه قائم چند

ثانیه باشد تا لباس‌ها فرو نریزنند؟ ($\pi = 3$, $g = 10 \frac{N}{kg}$)

۲/۴ (۲)

۵ (۱)

۳ (۴)

۱/۲ (۳)

۴۰- اگر جرم سیاره‌ای نصف جرم زمین و شعاع آن ۲ برابر شعاع زمین باشد، اندازه شتاب گرانش در سطح این سیاره چند برابر اندازه

شتاب گرانش در سطح زمین است؟

Konkur.in

$\frac{1}{2}$ (۲)

۱ (۱)

$\frac{1}{8}$ (۴)

$\frac{1}{4}$ (۳)



شیمی

آسایش و رفاه در سایه شیمی
 صفحه های ۳۷ تا ۵۰

۴۱- با توجه به ساختار و نحوه کارکرد سلول گالوانی روی - مس، کدام گزینه نادرست است؟

۱) رنگ نیمسلول کاتدی با گذشت زمان پررنگ‌تر می‌شود.

۲) نیروی الکتروموتوری سلول (emf) از رابطه $emf = E^\circ(Cu^{2+} / Cu) - E^\circ(Zn^{2+} / Zn)$ بدست می‌آید.

۳) پس از مدتی کار کردن سلول، جرم کاتد و آند به ترتیب افزایش و کاهش می‌یابد که بزرگی این تغییرات جرمی با هم برابر نیست.

۴) جهت حرکت الکترون در مدار خارجی با جهت حرکت آئیون از دیواره متخلف مخالف است.

۴۲- با توجه به واکنش‌های فرضی زیر، چند مورد درست است؟



(آ) مقایسه بین پتانسیل‌های کاهشی استاندارد مواد به صورت: $A > B > C$ است.

ب) اگر واکنش b را به صورتی انجام پذیر تغییر دهیم و موازنہ کنیم ضریب گونه کاتدی در واکنش جدید با ضریب گونه کاتدی در واکنش a پس از موازنہ برابر خواهد بود.

پ) اگر واکنش a در یک سلول گالوانی رخ دهد، جهت حرکت الکترون‌ها در سیم به سمت نیم‌سلول A خواهد بود.

ت) اگر B در سری الکتروشیمیایی در جایگاه بالاتری نسبت به C قرار داشته باشد، emf واکنش a از emf واکنش b بیشتر است.

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

۴۳- با توجه به جدول پتانسیل کاهشی عناصر، مشخص کنید در کدام گزینه گونه نوشته شده قوی‌ترین کاهنده در بین گونه‌های داده شده است؟

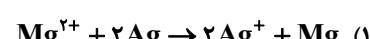
Mg (۴)

Al^{r+} (۳)

Ag (۲)

Au^{r+} (۱)

۴۴- کدام گزینه، با توجه به جدول پتانسیل کاهشی استاندارد نیم سلول‌ها، واکنشی انجام پذیر در جهت طبیعی است؟



۴۵- کدام عبارت در رابطه با لیتیم درست است؟

۱) کم‌ترین چگالی را در بین مواد دارد.

۲) کاهنده‌ترین فلز است.

۳) فقط در ساخت باتری‌های قابل شارژ کاربرد دارد.

۴) با وجود افزایش تقاضا برای باتری‌های لیتیمی، این فلز جایگاه ممتازی در تأمین انرژی جهان ندارد.



۴۶- در صورت قرار دادن تیغه منیزیم ۱۲ گرمی در محلول آبی نقره سولفات، پس از مبادله $3 \times 10^{33} / 0.1$ الکترون کدام گزینه رخ خواهد داد؟

$$(Mg = 24, Ag = 108: g/mol^{-1})$$

(۱) ۱۲ گرم از جرم تیغه منیزیم کم خواهد شد.

(۲) ۵۴ گرم نقره، رسوب خواهد کرد.

(۳) جرم مواد جامد در ابتدا و انتهای واکنش براساس قانون پایستگی جرم ثابت خواهد بود.

(۴) ۱۲ گرم از جرم تیغه منیزیم کم و ۱۰۸ گرم نقره، رسوب خواهد کرد.

۴۷- با توجه به جدول زیر که در ارتباط با واکنش تیغه‌های فلزی مختلف با محلول مس (II) سولفات در دمای $20^\circ C$ است، در کدام گزینه مقایسه به درستی صورت گرفته است؟

نام فلز	نشانه شیمیایی فلز	نام محلوت واکنش پس از مدتی ($^\circ C$)
آهن	Fe	۲۳
طلاء	Au	۲۰
روی	Zn	۲۶
مس	Cu	۲۰

(۱) اکسندگی: $Zn^{2+} > Fe^{2+}$
 (۲) تمایل به کاهش: $Cu^{2+} < Zn^{2+}$

(۳) سلول گالوانی که واکنش مشابه در آن رخ می‌دهد: $Zn > Fe$

(۴) $Cu < Fe$ E° فلز:

۴۸- در واکنش فلز با محلول اسید، و نمک تولید می‌شود و کاهش می‌یابد.

(۱) آب - اسید (۲) هیدروژن - فلز (۳) آب - اسید (۴) هیدروژن - فلز

۴۹- رنگ محلول آندی کدام واکنش به درستی ذکر شده است؟

(۱) تیغه مس با محلول روی سولفات - بی‌رنگ

(۲) تیغه روی با محلول مس (II) سولفات - آبی

(۳) سلول گالوانی حاصل از نیم‌سلول‌های آلومینیم و مس - نارنجی

(۴) سلول گالوانی حاصل از نیم‌سلول‌های نقره و مس - آبی

۵۰- کدام گزینه در رابطه با SHE درست است؟

(۱) یک سلول گالوانی با emf صفر است.

(۲) نیم سلولی حاوی کاتد هیدروژن است.

(۳) پتانسیل کاهشی آن از آلومینیم برخلاف نقره بیشتر است.

(۴) در آن نیم واکنش $2H^+(aq) + 2e \rightarrow H_2(g)$ رخ می‌دهد.



(شهرخ محمدی)

«۴- گزینه «۱»

اگر $\hat{BDC} = \gamma$ و $\hat{ADC} = \beta$ آنگاه $\alpha = \beta - \gamma$. از طرفی:

$$\tan \beta = \frac{AC}{CD} = \frac{\delta}{1} = \delta$$

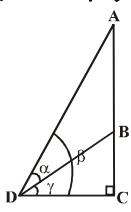
$$BC = AC - AB = \delta \Rightarrow \tan \gamma = \frac{BC}{CD} = \frac{\gamma}{1} = \gamma$$

از روی بسط عبارت‌های $\cos(\beta \pm \gamma)$ و $\sin(\beta \pm \gamma)$ ، که از حسابان ۱ به یاد داریم، به سادگی به دست می‌آید که:

$$\tan(\beta \pm \gamma) = \frac{\tan \beta \pm \tan \gamma}{1 \mp \tan \beta \tan \gamma}$$

بنابراین در این سؤال داریم:

$$\tan \alpha = \tan(\beta - \gamma) = \frac{\tan \beta - \tan \gamma}{1 + \tan \beta \tan \gamma} = \frac{\delta - \gamma}{1 + \delta \times \gamma} = \frac{3}{11}$$



(امیر زر اندر)

«۳- گزینه «۵»

$$\frac{\gamma \sin \alpha + \cos \alpha}{\sin \alpha + \gamma \cos \alpha} = \frac{2}{3} \Rightarrow \frac{\cos \alpha (\gamma \tan \alpha + 1)}{\cos \alpha (\tan \alpha + \gamma)} = \frac{2}{3}$$

$$\Rightarrow \gamma \tan \alpha + 3 = 2 \tan \alpha + 4 \Rightarrow \gamma \tan \alpha = 1 \Rightarrow \tan \alpha = \frac{1}{\gamma}$$

(سید علی مسینی)

«۴- گزینه «۶»

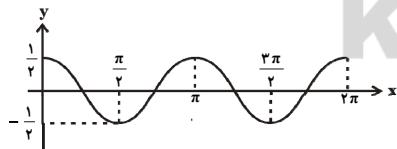
برای رسم نمودار این تابع، ابتدا $y = \frac{1}{2} \cos 2x$ را با به دست آوردن مقادیر $\frac{1}{2}$

حداکثر، حداقل و دوره تناوب تابع رسم می‌کنیم و سپس نمودار را به اندازه $\frac{1}{2}$

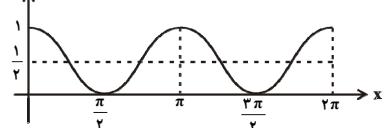
روی محور y ها به بالا انتقال می‌دهیم:

$$\text{دوره تناوب} = \frac{1}{2} = \frac{2\pi}{\omega} \Rightarrow \omega = \pi \text{ = مقدار حداقل، } -\frac{1}{2} = \text{مقدار حداکثر}$$

$$y = \frac{1}{2} \cos \gamma x :$$

نمودار تابع $y = \frac{1}{2} \cos 2x$ را به اندازه

روی محور y ها به بالا انتقال می‌دهیم

بنابراین $a = 1$ و $b = \frac{3\pi}{2}$ است، پس:

$$a + b = 1 + \frac{3\pi}{2} = \frac{3\pi + 2}{2}$$

(امیر زر اندر)

حسابان ۲

«۱- گزینه «۲»

در توابع $y = a \sin bx$ و $y = a \cos bx$ دوره تناوب $T = \frac{2\pi}{|b|}$ می‌باشد.

(a, b ≠ 0)

$$y = 3 - 5 \sin ax \Rightarrow T_1 = \frac{2\pi}{|a|}$$

$$y = 1 + \cos 3x \Rightarrow T_2 = \frac{2\pi}{3}$$

$$T_1 = 2T_2 \Rightarrow \frac{2\pi}{|a|} = 2 \left(\frac{2\pi}{3} \right) \Rightarrow \frac{1}{|a|} = \frac{2}{3}$$

$$\Rightarrow |a| = \frac{3}{2} \xrightarrow{a > 0} a = \frac{3}{2}$$

(علی‌اکبر دراده)

«۲- گزینه «۴»

ابتدا ضابطه تابع را ساده می‌کنیم:

$$y = \sin x \cos 2x + 2 \cos^2 x \sin x = \sin x \cos 2x + (2 \cos x \sin x) \cos x$$

$$\Rightarrow y = \sin x \cos 2x + \cos x \sin 2x$$

$$\Rightarrow y = \sin 3x \Rightarrow T = \frac{2\pi}{3}$$

(سید عارف مسینی)

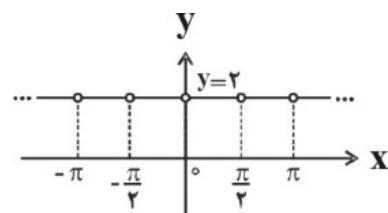
«۳- گزینه «۳»

شاید در مرحله اول به نظر بررسید که تابع

$$f(x) = \tan^3 x + \cot^3 x + 2 - \tan^3 x - \cot^3 x = 2$$

تابع متناوب است و با توجه به انفصلات تابع $\tan x$ و $\cot x$ ، نمودار

آن به صورت زیر خواهد بود. دوره تناوب تابع، فاصله بین دو انفصل

متوالی است و برابر $\frac{\pi}{2}$ است.توجه کنید که مضارب فرد $\frac{\pi}{2}$ به خاطر عبارت \tan و مضارب زوج آنبه خاطر عبارت \cot جزو دامنه تابع نیست.



(فرهاد هامون)

«۴» - ۹ گزینه

(مبادر ستاری)

«۱» - ۷ گزینه

$$\sqrt{2} \cos x - \sqrt{2} \sin x \cos x = 1$$

$$\Rightarrow \sqrt{2} \cos x - 1 = \sqrt{2} \sin x \cos x \Rightarrow \cos 2x = \sin 2x$$

$$\Rightarrow \sqrt{2} \sin\left(2x - \frac{\pi}{4}\right) = 0 \Rightarrow \sin\left(2x - \frac{\pi}{4}\right) = 0$$

$$\Rightarrow 2x - \frac{\pi}{4} = k\pi \Rightarrow x = \frac{k\pi}{2} + \frac{\pi}{8}; (k \in \mathbb{Z})$$

پس جواب‌ها عبارت‌اند از:

$$\frac{\pi}{8}, \frac{\pi}{2} + \frac{\pi}{8}, \pi + \frac{\pi}{8}, \frac{3\pi}{2} + \frac{\pi}{8} \Rightarrow \text{مجموع جواب‌ها} = \frac{7\pi}{8}$$

(عنایت الگشاورزی)

«۱» - ۱ گزینه

$$\sin(\cos x) = \cos(\sin x)$$

$$\Rightarrow \sin(\cos x) = \sin\left(\frac{\pi}{2} - \sin x\right)$$

$$\Rightarrow \begin{cases} \cos x = 2k\pi + \frac{\pi}{2} - \sin x \\ \text{یا} \\ \cos x = 2k\pi + \pi - \frac{\pi}{2} + \sin x \end{cases} \quad k \in \mathbb{Z}$$

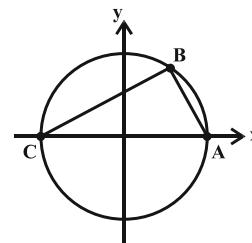
$$\Rightarrow \begin{cases} \sin x + \cos x = 2k\pi + \frac{\pi}{2} \\ \text{یا} \\ \cos x - \sin x = 2k\pi + \frac{\pi}{2} \end{cases} \quad k \in \mathbb{Z}$$

از طرفی می‌دانیم:

$$\cos x \pm \sin x = \sqrt{2} \cos\left(x \mp \frac{\pi}{4}\right)$$

$$\text{این یعنی } \cos x \pm \sin x \in [-\sqrt{2}, \sqrt{2}] \text{ . اما عبارت } 2k\pi + \frac{\pi}{2} \text{ هیچ‌گاه}$$

در این بازه قرار نمی‌گیرد، بنابراین معادله مورد نظر جواب ندارد.



$$\sqrt{2} \sin x \cos x - \sin x = 0 \Rightarrow \sin x (\sqrt{2} \cos x - 1) = 0$$

$$\Rightarrow \begin{cases} \sin x = 0 \Rightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = \pi \end{cases} \Rightarrow \text{نقاط A و C} \\ \cos x = \frac{1}{\sqrt{2}} \Rightarrow x = \frac{\pi}{4} \Rightarrow \text{نقطه B} \end{cases}$$

چند ضلعی حاصل، یک مثلث قائم‌الزاویه است؛ زیرا زاویه B، رو به رو به کمان

است. 180°

(ممدرضا شوکت‌بیرق)

«۲» - ۸ گزینه

$$\cos 4x + \tan x \sin 4x = 0 \Rightarrow \cos 4x + \frac{\sin x}{\cos x} \times \sin 4x = 0$$

$$\Rightarrow \frac{\cos 4x \cos x + \sin 4x \sin x}{\cos x} = 0 \Rightarrow \frac{\cos 3x}{\cos x} = 0$$

$$\Rightarrow \cos 3x = 0 \Rightarrow 3x = k\pi + \frac{\pi}{2}$$

$$\Rightarrow x = \frac{k\pi}{3} + \frac{\pi}{6}; (k \in \mathbb{Z}) \Rightarrow x = \frac{\pi}{6}, \frac{\pi}{2}, \frac{5\pi}{6}, \frac{7\pi}{6}, \frac{3\pi}{2}, \frac{11\pi}{6}$$

 $x = \frac{3\pi}{2}$ قابل قبول نیست، زیرا به ازای آنها $\tan x$ نامعین است.



(هنریک سرکیسیان)

«۱۴ - گزینهٔ ۳»

هندسه ۳

دترمینان ماتریس مفروض برابر است با:

$$\begin{vmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & 1 & 5 \\ x & 1 & 0 \end{vmatrix} = (0 + 10x + 6) - (3x + 5 + 0) = 7x + 1$$

حال اگر ۲ واحد به درایهٔ سطر دوم و ستون سوم این ماتریس افزوده شود،

آنگاه دترمینان ماتریس حاصل برابر است با:

$$\begin{vmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & 1 & 7 \\ x & 1 & 0 \end{vmatrix} = (0 + 14x + 6) - (3x + 7 + 0) = 11x - 1$$

با توجه به فرض سوال داریم:

$$11x - 1 = 2(7x + 1) \Rightarrow 11x - 1 = 14x + 2 \Rightarrow 3x = -3 \Rightarrow x = -1$$

(کاظم باقرزاده)

«۱۵ - گزینهٔ ۳»

با توجه به این که A ماتریسی 3×2 و B ماتریسی 2×3 است، پس AB داریم:

$$BA = \begin{bmatrix} 2 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 2 & 1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 5 & 6 \\ 5 & 5 \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow |BA| = 25 - 30 = -5 \Rightarrow |AB| + |BA| = -5$$

(علی‌اکبر مجعفری)

«۱۶ - گزینهٔ ۴»

$$|kA| = |A|^3 \times |A| = |A|^4 = (-4)^4 = 256$$

تذکر: اگر A ماتریسی مربعی از مرتبه n باشد، آنگاه داریم:

$$|kA| = k^n |A|$$

(آریک نویر)

«۱۱ - گزینهٔ ۴»

$$(A + 2I)^T = A^T + 4A + 4I = A^T + 4(A + I) = 5A^T$$

$$|A + 2I|^T = |5A^T| = 5^3 |A^T| = 5^3 |A|^T = 125$$

$$\Rightarrow |A + 2I| = \pm \sqrt{125} = \pm 5\sqrt{5}$$

(مهرداد ملوانی)

«۱۲ - گزینهٔ ۴»

$$A = [(i-j)]_{3 \times 3} = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 4 \\ 1 & 0 & 1 \\ 4 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

طبق دستور ساروس برای محاسبه دترمینان ماتریس‌های 3×3 داریم:

$$|A| = (0 + 4 + 4) - (0 + 0 + 0) = 8$$

$$|A^{-1}| = \frac{1}{|A|} = \frac{1}{8}$$

(مهرداد ملوانی)

«۱۳ - گزینهٔ ۴»

$$\begin{vmatrix} b+1 & 1 & b \\ b & b+1 & b \\ 1 & b & 2 \end{vmatrix}$$

$$= [2(b+1)^2 + b^3 + b] - [b(b+1) + b^2(b+1) + 2b]$$

$$= (2b^2 + 4b + 2 + b^3 + b) - (b^2 + b + b^3 + b^2 + 2b) = 2b + 2$$

با توجه به فرض سوال داریم:

$$2b + 2 = 8 \Rightarrow 2b = 6 \Rightarrow b = 3$$



(رسول محسن منش)

«۲ - گزینه ۱»

(ممدرهوار نوری)

«۱۷ - گزینه ۱»

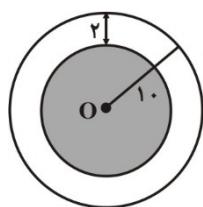
برای این که سکه کاملاً درون دایره قرار بگیرد، مرکز سکه باید از محیط دایره

حداکل ۲ واحد فاصله داشته باشد. مکان هندسی نقاطی که درون دایره حداقل

به فاصله ۲ واحد از محیط باشند، دایره‌ای به مرکز O و شعاع ۸ واحد است،

بنابراین مساحت مکان هندسی مورد نظر برابر است با:

$$S = \pi(8)^2 = 64\pi$$

ریاضیات گستته

(ممدرضا دلورنژار)

«۲ - گزینه ۱»

(امیرحسین ابوهموب)

«۱۸ - گزینه ۴»

برای این که نقطه‌ای از ۴ ضلع مستطیل به یک فاصله باشد، لازم است روی

نیمساز هر ۴ رأس قرار داشته باشد. اما نیمسازهای داخلی زوایای مستطیل

هرس نیستند، بلکه از تقاطع آن‌ها، یک مربع پیدا می‌آید. بنابراین نقطه‌ای

وجود ندارد که از ۴ ضلع مستطیل به یک فاصله باشد.

(ممدرضا دلورنژار)

«۲ - گزینه ۱»

(محمدمحمدی ناظمی)

«۱۹ - گزینه ۳»

می‌دانیم شرط وجود جواب معادله سیاله خطی $ax + by = c$ این است که

$$(a,b) \neq 0, \text{ پس داریم:}$$

$$(15, -12) | 2a - 1 \Rightarrow 3 | 2a - 1 \Rightarrow 2a - 1 \equiv 0 \pmod{3}$$

$$\Rightarrow 2a \equiv 1 \pmod{3} \Rightarrow 2a \equiv 3 + 1 \equiv 4 \pmod{3} \Rightarrow a \equiv 2 \pmod{3} \Rightarrow a = 3k + 2 \quad (k \in \mathbb{Z})$$

(علی سعیدیزاد)

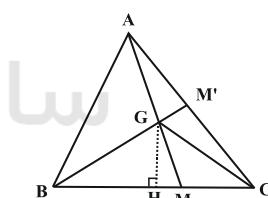
«۲۲ - گزینه ۱»

چون فقط یکی از متغیرها را می‌خواهیم، بهتر است به معادله هم‌نهشتی تبدیل

کنیم:

$$9x + 13y \equiv 7 \pmod{9} \Rightarrow 13y \equiv 7 \pmod{9} \Rightarrow 4y \equiv 7 \pmod{9} \Rightarrow 4y \equiv 16 \pmod{9}$$

$$\Rightarrow y \equiv 4 \pmod{9} \Rightarrow y \in [4]_9$$



مساحت مثلث ABC ثابت است. از طرفی می‌دانیم اگر نقطه G ، نقطه همرسی

$$S_{\triangle BGC} = \frac{1}{3} S_{\triangle ABC}$$

پس $S_{\triangle BGC}$ ثابت است و چون قاعده BC در این مثلث، ثابت می‌باشد، پس

طول ارتفاع GH نیز ثابت می‌باشد. یعنی نقطه همرسی میانه‌ها، همواره به فاصله ثابتی از پاره خط BC قرار دارد.

بنابراین مکان هندسی نقطه G (نقطه همرسی میانه‌ها)، دو خط موازی با

در طرفین آن می‌باشد.



(سید امیر ستووه)

«۴» - ۲۶

$$(5,10) | a^2 + 1 \Rightarrow 5 | a^2 + 1 \Rightarrow a^2 \equiv -1 \equiv 4$$

$$\Rightarrow a = 5k + 2 \text{ یا } a = 5k + 3$$

اعداد دو رقمی a عبارتند از:

$$12, 17, \dots, 97 \rightarrow \text{عدد ۱۸}$$

$$13, 18, \dots, 98 \rightarrow \text{عدد ۱۸}$$

بنابراین در مجموع، به ازای ۳۶ عدد طبیعی دو رقمی a ، این معادله سیاله

دارای جواب است.

(ممدرعلی نادر پور)

$$3m+2n \equiv n - 2 + m - 3$$

$$n+2m \equiv 3 - m + 2 - n$$

$$3m+2n \equiv n+2m \Rightarrow n+m-5 \equiv 5-m-n$$

$$\Rightarrow 2m+2n \equiv 10 \Rightarrow m+n \equiv 5$$

«۳» - ۲۴

(علی ایمانی)

«۴» - ۲۴

$$3x+2 \equiv 3 \Rightarrow 3x \equiv 1 \Rightarrow 3x \equiv 1+5$$

$$\Rightarrow 3x \equiv 6 \Rightarrow x \equiv 2 \Rightarrow x = 5k+2$$

$$4x+3 = 4(5k+2)+3 = 20k+11 = 10(2k+1)+1 = 10m+1$$

در نتیجه باقیمانده تقسیم $4x+3$ بر ۱۰، برابر یک خواهد شد.

(علی سعیدی زاد)

«۴» - ۲۷

عددی بر ۹ بخش‌بذیر است که مجموع ارقام آن بر ۹ بخش‌بذیر باشد.

$$7+5+a+3+4 \equiv 0 \Rightarrow a \equiv -11 \equiv 8 \xrightarrow{0 \leq a \leq 9} a = 8$$

$$43857 \equiv 7-5+8-3+4 \equiv 0$$

(ممدوح رضا اسلامی)

«۳» - ۲۸

از آن جا که باقیمانده x بر ۹ مورد نظر است، طرفین معادله را در پیمانه ۹ با

یکدیگر برابر قرار می‌دهیم:

$$\begin{cases} 23x+45y^2 \equiv 23x+9 \times 5y^2 \equiv 5x+0 \equiv 5x \\ 1000 \equiv 100-999 \equiv 1 \end{cases}$$

$$\Rightarrow 5x \equiv 1 \Rightarrow 5x \equiv 1+9 \equiv 10 \equiv 5 \times 2 \Rightarrow x \equiv 2$$

بنابراین باقیمانده تقسیم x بر ۹ برابر ۲ است.

(سید عارل رضا مرتضوی)

«۳» - ۲۵

$$\frac{a}{5} \equiv \frac{4a}{5} - 2 \Rightarrow a \times 10^0 + 5 \times 10^1 \equiv 4a - 2 \Rightarrow a + 50 \equiv 4a - 2$$

$$\Rightarrow 3a \equiv 52 \Rightarrow 3a \equiv 4 \Rightarrow 3a \equiv 12 \Rightarrow a \equiv 4 \xrightarrow{\text{رقم است}} a = 4$$

$$3a+b \equiv 4a-2 \Rightarrow a \times 10^0 + 3 \times 10^1 + b \equiv 4a-2$$

$$\Rightarrow a+30+b \equiv 4a-2 \xrightarrow{a=4} 34+b \equiv 16-2$$

$$\Rightarrow b \equiv -20 \Rightarrow 8 | b+20 \Rightarrow b = 8k-20$$

$$10 \leq 8k-20 < 100 \Rightarrow 30 \leq 8k < 120$$

$$\Rightarrow 4 \leq k \leq 14 \Rightarrow k = 14 - 4 + 1 = 11$$



«۴» - ۲۹ - گزینه

(علیرضا سیف)

$$(2m^2 + 1, 2m - 4) = d$$

$$\left. \begin{array}{l} d | 2m - 4 \Rightarrow d | 2m^2 - 4m \\ d | 2m^2 + 1 \end{array} \right\} \Rightarrow d | 4m + 1$$

$$\left. \begin{array}{l} d | 2m - 4 \Rightarrow d | 4m - 8 \\ d | 4m + 1 \end{array} \right\} \Rightarrow d | 9$$

بنابراین برای آن که معادله همواره دارای جواب باشد، n باید مضرب ۹ باشد.

«۴» - ۳ - گزینه

(امیرحسین ابومقوب)

$$\overline{13a79} \equiv 1 + 3 + a + 7 + 9 \equiv a + 20 \equiv a + 2$$

$$\overline{13a79} \equiv 9 - 7 + a - 3 + 1 \equiv a$$

با توجه به این که a یک رقم است و در نتیجه $9 \leq a \leq 0$ ، پس به ازای هیچ

مقدار a ، باقیمانده تقسیم عدد $\overline{13a79}$ بر دو عدد ۹ و ۱۱، یکسان نخواهد

بود.

Konkur.in



فیزیک

اکنون با استفاده از قانون دوم نیوتون، برایند نیروهای وارد بر اتومبیل را به دست

$$\text{می‌آوریم: } T = 1000 \text{ kg} \quad (1)$$

$$F_{\text{net}} = ma \Rightarrow F_{\text{net}} = 1000 \times 0 / 6 = 600 \text{ N}$$

(مهمطفی کیان)

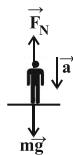
«۳۴- گزینه ۱»

ابتدا قانون دوم نیوتون را برای مجموعه شخص و آسانسور به کار می‌بریم و شتاب حرکت را حساب می‌کنیم.

$$T - (M + m)g = (M + m)a$$

$$\Rightarrow 7740 - (800 + 60) \times 10 = (800 + 60)a \Rightarrow a = -\frac{m}{s^2} \quad (M+m)g$$

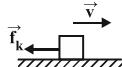
اکنون قانون دوم نیوتون را برای شخص به کار می‌بریم و نیرویی که از طرف کف آسانسور بر آن وارد می‌شود را به دست می‌آوریم.



$$F_N - mg = ma \Rightarrow F_N - 60 \times 10 = 60 \times (-1) \Rightarrow F_N = 540 \text{ N}$$

(نصرالله افضل)

«۳۵- گزینه ۴»



پس از پرتاب جسم روی سطح افقی، تنها نیروی اصطکاک بر جسم اثر می‌کند و

به آن شتاب می‌دهد. با استفاده از قانون دوم نیوتون می‌توان نوشت:

$$F_{\text{net}} = ma \Rightarrow -f_k = ma \Rightarrow -mg\mu_k = ma$$

$$\Rightarrow a = -\mu_k g = -0 / 2 \times 10 = -2 \frac{m}{s^2}$$

برای محاسبه جایه‌جایی جسم در دو ثانیه آخر حرکتش می‌توان نوشت:

$$\Delta x = -\frac{1}{2}at^2 + vt \xrightarrow[v=0]{t=2s, a=-2\frac{m}{s^2}} \Delta x = -\frac{1}{2} \times (-2) \times 2^2 + 0$$

$$\Rightarrow \Delta x = 4 \text{ m}$$

(سیامک قهرمان)

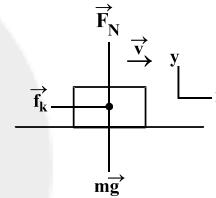
«۳۱- گزینه ۴»

چون جسم ساکن است، بنابراین مقصود سؤال ضریب اصطکاک ایستایی است و گزینه‌های «۱» و «۲» نمی‌توانند جواب سؤال باشند. از طرف دیگر چون جسم با نیروی $F = 20 \text{ N}$ ساکن مانده است، اندازه نیروی اصطکاک در آستانه حرکت بزرگ‌تر و یا مساوی با 20 N است و داریم:

$$f_{s,\text{max}} \geq 20 \Rightarrow mg\mu_s \geq 20 \Rightarrow \mu_s \geq \frac{20}{10 \times 10} \Rightarrow \mu_s \geq 0 / 2$$

(معصومه علیزاده)

«۳۲- گزینه ۲»



تنها نیرویی که در راستای حرکت بر جسم وارد می‌شود، نیروی اصطکاک است و می‌توان نوشت:

$$F_{\text{net}} = ma \Rightarrow -f_k = ma \Rightarrow -mg\mu_k = ma \Rightarrow a = -\mu_k g$$

$$\Rightarrow a = -0 / 2 \times 10 = -2 \frac{m}{s^2}$$

اکنون با استفاده از معادله سرعت - زمان داریم:

$$v = at + v_0 \Rightarrow 0 = -2t + 10 \Rightarrow t = 5 \text{ s}$$

(ممسن توان)

«۳۳- گزینه ۴»

ابتدا با استفاده از معادله سرعت - جایه‌جایی، شتاب اتومبیل را به دست می‌آوریم:

$$v_2 = 90 \frac{\text{km}}{\text{h}} = 25 \frac{\text{m}}{\text{s}}, v_1 = 18 \frac{\text{km}}{\text{h}} = 5 \frac{\text{m}}{\text{s}}, \Delta x = 500 \text{ m}$$

$$v_2^2 - v_1^2 = 2a\Delta x \Rightarrow 25^2 - 5^2 = 2 \times a \times 500 \Rightarrow a = 0 / 6 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$$



B رسیده باشد، در این حالت در مدت $2s$ ، ذره $\frac{1}{3}$ محیط دایره را طی

$T = 2 \times 3 = 6s$ می‌کند، در نتیجه دوره حرکت آن برابر است با:

بنابراین می‌توان نوشت:

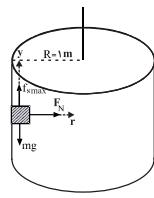
$$T = \frac{2\pi r}{v} \Rightarrow v = \frac{2 \times 3 \times 0 / 4}{2} \Rightarrow v = 0 / 4 \frac{m}{s}$$

(بابک اسلامی)

«گزینه» ۳۹

شرط آن که لباس‌ها به پایین نریزند، آن است که نیروی وزن آن‌ها بیش از نیروی اصطکاک نباشد، در حالت حدی می‌توان نوشت:

$$(F_{net})_y = 0 \Rightarrow f_{s,max} = mg \Rightarrow \mu_s F_N = mg \Rightarrow F_N = \frac{mg}{\mu_s}$$



از طرف دیگر نیروی عمودی که جداره استوانه بر لباس‌ها وارد می‌کند باید نیروی مرکزگرای لازم جهت حرکت دایره‌ای آن‌ها را تأمین کند، بنابراین می‌توان نوشت:

$$(F_{net})_x = m \frac{v^2}{r} \xrightarrow{v = \frac{2\pi r}{T}} F_N = mr \left(\frac{2\pi}{T} \right)^2$$

$$\xrightarrow{\frac{mg}{\mu_s} = mr \left(\frac{2\pi}{T} \right)^2} T = 2\pi \sqrt{\frac{r\mu_s}{g}} = 2 \times 3 \times \sqrt{\frac{1 \times 0 / 4}{10}} = 1 / 2s$$

(ابراهیم قلی‌دوست)

«گزینه» ۴۰

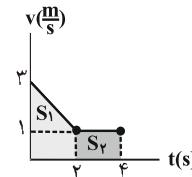
می‌دانیم شتاب گرانش در سطح سیاره‌ای به جرم M و شعاع R از رابطه

$$g = G \frac{M}{R^2}$$

$$\frac{g_s}{g_e} = \frac{G \frac{M_s}{R_s^2}}{G \frac{M_e}{R_e^2}} \xrightarrow{R_s = R_e} \frac{M_s}{R_s^2} = \frac{1}{R_e^2} M_e \xrightarrow{g_s = \frac{1}{R_s^2} M_e} \frac{g_s}{g_e} = \frac{\frac{1}{R_s^2} M_e}{\frac{M_e}{R_e^2}} = \frac{1}{\lambda}$$

(فسرو ارغوانی فرد)

«گزینه» ۳۶



ابتدا با استفاده از رابطه $p = mv$ ، نمودار سرعت - زمان جسم را رسم می‌کنیم:

$$v_0 = \frac{p_0}{m} = \frac{6}{2} = 3 \frac{m}{s}$$

$$v_2 = \frac{p_2}{m} = \frac{2}{2} = 1 \frac{m}{s}$$

از طرف دیگر مساحت سطح محصور در زیر نمودار v - t با محور زمان برابر با جابه‌جایی متحرك می‌باشد و می‌توان نوشت:

$$\Delta x = S_1 + S_2 = \frac{3+1}{2} \times 2 + 2 \times 1 = 6m$$

در نهایت با استفاده از تعریف سرعت متوسط می‌توان نوشت:

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{6}{4} = 1.5 \frac{m}{s}$$

(سراسری ریاضی - ۱۹)

«گزینه» ۳۷

با توجه به رابطه $p = mv$ می‌توان نوشت:

$$p_1 = p_2 \Rightarrow m_1 v_1 = m_2 v_2 \xrightarrow{m_1 = 1000 \text{ kg}, m_2 = 500 \text{ kg}} 1000 v_1 = 500 v_2$$

$$\Rightarrow \frac{v_2}{v_1} = \frac{1}{2}$$

حال با استفاده از رابطه انرژی جنبشی خواهیم داشت:

$$K = \frac{1}{2} mv^2 \Rightarrow \frac{K_2}{K_1} = \left(\frac{m_2}{m_1} \right) \times \left(\frac{v_2}{v_1} \right)^2 \Rightarrow \frac{K_2}{K_1} = \left(\frac{500}{1000} \right) \times \left(\frac{1}{2} \right)^2 = \frac{1}{8}$$

(ناصر فوارزمن)

«گزینه» ۴۸

کمینه تندی ذره در حالتی است که در مدت زمان یاد شده، کمترین مسافت را از A تا B طی کند، بنابراین باید در خلاف جهت عقریه‌های ساعت از A به



(شهرزاد مسینزاده)

«۴۴ - گزینه ۴»

شیمی

در گزینه‌های «۱»، «۳» و «۴»، عنصری با پتانسیل کاهشی بزرگتر، اکسایش یافته است که نادرست است (هر چه پتانسیل کاهشی بزرگتر باشد، عنصر اکسیده تر است).

(شهرزاد مسینزاده)

«۴۵ - گزینه ۴»

در بین فلزات کمترین E° را لیتیم دارد. یعنی قوی‌ترین کاهنده است. بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه «۱»: در بین فلزات کمترین چگالی را دارد نه در بین همه مواد.
گزینه «۳»: در ساخت باتری‌های دگمه‌ای نیز کاربرد دارد.

گزینه «۴»: افزایش تقاضا برای باتری‌های لیتیمی، سبب شد این فلز جایگاه ممتازی در تأمین انرژی جهان پیدا کند.

(شهرزاد مسینزاده)

«۴۶ - گزینه ۴»

$Mg + 2Ag^+ \rightarrow Mg^{2+} + 2Ag$

واکنش به صورت:
 هم از جرم Mg کاسته می‌شود و هم مقداری Ag رسوب می‌کند؛ ضمناً به ازای هر مول مبادله الکترون، نیم مول منیزیم اکسایش می‌یابد و یک مول یون تقره کاهش می‌یابد:

$$\text{? g Ag(s)} = \frac{3}{0.1 \times 10^{23} e} \times \frac{1 \text{ mol e}}{6 / 0.2 \times 10^{23} e} \times \frac{1 \text{ mol Ag}}{1 \text{ mol e}}$$

$$\times \frac{1 \text{ mol Ag}}{1 \text{ mol Ag}} = 54 \text{ g Ag}$$

$$\text{? g Mg(s)} = \frac{3}{0.1 \times 10^{23} e} \times \frac{1 \text{ mol e}}{6 / 0.2 \times 10^{23} e} \times \frac{1 \text{ mol Mg}}{1 \text{ mol e}}$$

$$\times \frac{24 \text{ g Mg}}{1 \text{ mol Mg}} = 6 \text{ g Mg}$$

(شهرزاد مسینزاده)

«۴۱ - گزینه ۱»

با گذشت زمان، از غلظت Cu^{2+} کاسته می‌شود، بنابراین رنگ نیم‌سلول کاتدی کم‌رنگ‌تر خواهد شد. بررسی سایر گزینه‌ها:

$$\text{emf} = E^\circ - (E^\circ - E^\circ_{\text{کاتد}})$$

گزینه «۳»: جرم کاتد و آند به ترتیب افزایش و کاهش می‌یابد که به دلیل برابر بودن مول Cu^{2+} تبدیل شده به Cu و Zn^{2+} تبدیل شده به Zn ، به دلیل عدم برابری جرم مولی آن دو، تغییرات جرمی برابر نخواهد بود.

گزینه «۴»: الکترون از آند به کاتد و آنیون از کاتد به آند مهاجرت می‌کند.

(شهرزاد مسینزاده)

«۴۲ - گزینه ۴»

بررسی سایر موارد:

(آ) ممکن است به صورت $A > B > C > D$ یا $C > D > B > A$ باشد. نادرست



پ) جهت حرکت الکترون‌ها در سیم به سمت نیم‌سلول کاتدی یا B است.
ت) در این صورت:

$$E_B^\circ > E_C^\circ > E_A^\circ \Rightarrow \text{emf}_a > \text{emf}'_b$$

(شهرزاد مسینزاده)

«۴۳ - گزینه ۴»

قوی‌ترین کاهنده بیشترین تمایل را برای اکسید شدن دارد. کاتیون‌های مذکور این توانایی را ندارند. در بین Ag و Mg پتانسیل کاهشی استاندارد Ag بیشتر است

و Mg کاهنده قوی‌تری است.



(شهرزاد مسین‌زاده)

دوازدهم ریاضی

پاسخ آزمون غیرحضوری - ۲ آذر ۹۷

۵ - گزینه «۳»

(شهرزاد مسین‌زاده)

آلومینیم برخلاف نقره پتانسیل کاهشی کوچکتر از صفر (مریبوط به SHE) دارد.

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه «۱»: نیم سلول است نه سلول؛ (SHE، نیم سلول استاندارد هیدروژن)

گزینه «۲»: نیم سلول تنها حاوی آند یا کاتد نیست؛ این اجزا مریبوط به سلول آند که

بسته به نیم‌سلول‌ها، هر یک آند یا کاتد نام‌گذاری می‌شوند.

گزینه «۴»: در نیم‌سلول تنها واکنش رخ نمی‌دهد بلکه در سلول واکنش



گزینه «۲»: هر چه قدرت کاهندگی بیشتر باشد، قدرت اکسیدگی کمتر است.



گزینه «۳»: هر چه آند قدرت کاهندگی بیشتر داشته باشد، emf بزرگتر است.

گزینه «۴»: هر چه ماده کاهنده‌تر باشد، E° آن کمتر است.

۶ - گزینه «۴»

(شهرزاد مسین‌زاده)

سایت Konkur.in

در واکنش فلز با محلول اسید فلز اکسید می‌شود و اسید کاهش می‌یابد. در این واکنش‌ها، هیدروژن و نمک تولید می‌شود.

۷ - گزینه «۴»

(شهرزاد مسین‌زاده)

گزینه «۱»: این دو با هم واکنش نمی‌دهند.

گزینه «۲»: آند روی است، بنابراین محلول آندی بی‌رنگ است.

گزینه «۳»: آند آلومینیم است، بنابراین محلول آندی بی‌رنگ است.