



# آزمون غیرحضوری

## دروس اختصاصی

### فارغ التحصیلان ریاضی

(۵ بهمن ۱۳۹۷)

(مباحث ۱۹ بهمن ۹۷)

گروه فنی و تولید:

محمد اکبری	مسئول تولید آزمون غیرحضوری
نرگس غنیزاده	مسئول دفترچه آزمون غیرحضوری
مدیر گروه: مریم صالحی مسئول دفترچه: آتنه اسفندیاری	گروه مستندسازی
حسن خرم‌جو	حروف‌چین
سوران نعیمی	ناظر چاپ

#### بنیاد علمی آموزشی قلم‌چی «وقف عام»

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ - تلفن: ۶۶۹۶۴۰۰

«تمام دارایی‌ها و درآمدهای بنیاد علمی آموزشی قلم‌چی وقف عام است بر گسترش دانش و آموزش»



بنیاد آموزشی  
مشتق و کاربردهای آن  
صفحه‌های ۱۲۱ تا ۱۳۶

## حسابان

مشتق توابع  
صفحه‌های ۱۷۰ تا ۱۸۲ و ۱۷۵

## دیفرانسیل

## دیفرانسیل

۱. در تولیدی پوشک، بهای فروش هر پیراهن ۲۰۰۰۰ تومان است. اگر روزانه  $x$  واحد از این نوع

پیراهن تولید شود و هزینه کل روزانه بحسب تومان از رابطه  $C(x) = 2x^3 - 100x + 40$  کدام است؟

$$-4x + 19900 \quad (2)$$

$$4x + 19900 \quad (1)$$

$$-4x + 20100 \quad (4)$$

$$4x + 20100 \quad (3)$$

۲. مجموع مقادیر ممکن برای  $k$  به شرط آن که خط  $y = kx$  بر منحنی تابع  $y = x^3 - \frac{3}{4}$  مماس شود، کدام است؟

$$\frac{15}{4} \quad (4)$$

$$3 \quad (3)$$

$$6 \quad (2)$$

$$3 \quad (1)$$

۳. اگر  $H(x)$  تابع هوی‌ساید باشد، آنگاه تابع  $f(x) = (2x - 3)H(x^4 - 4x^2)$  در چند نقطه مشتق‌ناپذیر است؟

$$4 \text{ بی‌شمار} \quad (4)$$

$$3 \quad (3)$$

$$2 \quad (2)$$

$$1 \quad (1)$$

۴. تابع  $f(x) = \sqrt[3]{x^2} + \sqrt[3]{x}$  در نقطه  $x = 0$  چگونه است؟

(۴) نقطه عادی است.

(۳) زاویه‌دار است.

(۲) مماس قائم دارد.

(۱) بازگشتی است.

۵. مشتق چپ تابع با ضابطه  $f(x) = \sqrt{1 - \sqrt{1 - x^2}}$  در نقطه  $x = 0$  کدام است؟

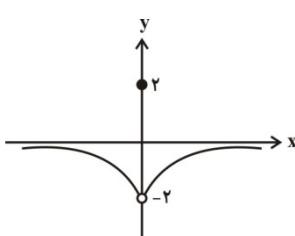
$$\sqrt{2} \quad (4)$$

$$\frac{\sqrt{2}}{2} \quad (3)$$

$$-\sqrt{2} \quad (2)$$

$$-\frac{\sqrt{2}}{2} \quad (1)$$

۶. شکل زیر نمودار تابع  $f$  را نشان می‌دهد. مشتق تابع  $g(x) = \frac{x}{f(x) + x}$  در  $x = 0$  کدام است؟



$$\frac{1}{2} \quad (2)$$

$$-\frac{1}{2} \quad (1)$$

$$-2 \quad (3)$$

(۴) وجود ندارد.

۷. به ازای کدام مقدار  $a$  تابع  $f(x) = \begin{cases} a^2x - 2, & x \leq 1 \\ x^2 - x - a, & x > 1 \end{cases}$  مشتق‌پذیر است؟

$$-1 \quad (4)$$

$$-2 \quad (3)$$

$$-1 \quad (2)$$

$$1 \quad (1)$$

۸. اگر برای تابع  $|x+1|+b|x-1|$  داشته باشیم  $A = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(h^r+1) - f(h^r-1) + 2}{h^r}$ ، آنگاه  $a+b$  کدام است؟

$$4 \quad (4)$$

$$3 \quad (3)$$

$$2 \quad (2)$$

$$1 \quad (1)$$

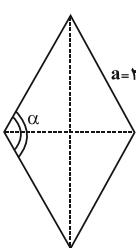
۹. از نقطه  $A$  دو خط بر منحنی  $y = 2 + \frac{1}{x}$  مماس کرده‌ایم. تانژانت زاویه حاده بین دو خط مماس کدام است؟

$$4 \quad (4)$$

$$2\sqrt{3} \quad (3)$$

$$6 \quad (2)$$

$$2\sqrt{2} \quad (1)$$



۱۰. آهنگ آنی تغییر مساحت لوزی به زاویه  $\alpha$  هنگامی که  $\alpha = \frac{3\pi}{4}$  باشد، کدام است؟

$$-\sqrt{2} \quad (2)$$

$$-2\sqrt{2} \quad (4)$$

$$\sqrt{2} \quad (1)$$

$$2\sqrt{2} \quad (3)$$

هندسه تحلیلیمقاطع مخروطی  
صفحه‌های ۷۰ تا ۹۲هندسه تحلیلی۱۱. خط گذرنده از کانون‌های هذلولی  $0 = 9x^2 - 4y^2 - 36x - 24y - 36$  کدام است؟

$x = 2 \text{ (۲)}$

$y = -3 \text{ (۱)}$

$x = -2 \text{ (۴)}$

$y = 3 \text{ (۳)}$

۱۲. مقطع مخروطی به معادله  $0 = mx^2 + (2m - 3)y^2 + 6x - 8y + 9$  یک هذلولی متساوی القطرین است. در این صورت کدام گزینه درست است؟

(۱) هذلولی افقی است و طول قطر آن ۴ واحد است.

(۲) هذلولی قائم است و طول قطر آن ۴ واحد است.

(۳) هذلولی افقی است و طول قطر آن ۸ واحد است.

(۴) هذلولی قائم است و طول قطر آن ۸ واحد است.

۱۳. خروج از مرکز هذلولی  $-4 = \frac{(3y - 1)^2}{9} - 2x^2$ , چند برابر خروج از مرکز هذلولی  $0 = 1 + 1 - 3y^2 - 3x^2$  می‌باشد؟

$\frac{\sqrt{3}}{4} \text{ (۴)}$

$\frac{\sqrt{3}}{6} \text{ (۳)}$

$\frac{\sqrt{3}}{2\sqrt{2}} \text{ (۲)}$

$\frac{\sqrt{3}}{2} \text{ (۱)}$

۱۴. خط  $0 = 3x - 4y - 7 = 0$  یکی از مجانبها و نقطه  $(-1, -6) = F$  یکی از کانون‌های یک هذلولی افقی است. کانون دیگر هذلولی کدام نقطه است؟

$(-3, -1) \text{ (۴)}$

$(-4, -1) \text{ (۳)}$

$(-5, -1) \text{ (۲)}$

$(-6, -1) \text{ (۱)}$

۱۵. طول رأس کانونی منحنی  $0 = x^2 + xy + y^2 - 6 = 0$  کدام می‌تواند باشد؟

$\sqrt{2} \text{ (۴)}$

$2\sqrt{2} \text{ (۳)}$

$\sqrt{6} \text{ (۲)}$

$\sqrt{3} \text{ (۱)}$

۱۶. محور کانونی یک هذلولی بر محور  $x$  ها منطبق و خط  $0 : 3y - 4x + 4 = 0$  یک مجانب این هذلولی است. اگر فاصله یک کانون از رأس نزدیک‌تر برابر ۲ باشد، معادله هذلولی کدام است؟

$16x^2 - 9y^2 + 18y = 64 \text{ (۲)}$

$9x^2 - 16y^2 - 18x = 128 \text{ (۱)}$

$16x^2 - 9y^2 - 32x = 128 \text{ (۴)}$

$9x^2 - 16y^2 + 32y = 64 \text{ (۳)}$

۱۷. معادله یک بیضی پس از دوران محورهای آن حول مبدأ به اندازه ۴۵ درجه در جهت مثلثاتی به صورت  $4 = x''^2 + 4y''^2 + 4xy$  است. معادله این بیضی قبل از دوران کدام است؟

$3x^2 + 3y^2 - 6xy = 8 \text{ (۲)}$

$3x^2 + 4y^2 + 6xy = 4 \text{ (۱)}$

$5x^2 + 5y^2 - 6xy = 8 \text{ (۴)}$

$5x^2 + 5y^2 - 4xy = 4 \text{ (۳)}$

۱۸. با انتقال مبدأ مختصات از نقطه  $O(0, 0)$  به نقطه  $O'(0, 0)$ ، سهمی به معادله  $0 = 2x^2 - 8x - y$  به سهمی به معادله  $0 = 2x^2 - 8x - 4y$  تبدیل می‌شود. نقطه  $O'$  در کدام یک از نواحی مختصات قرار دارد؟

$(۴) \text{ چهارم}$

$(۳) \text{ سوم}$

$(۲) \text{ دوم}$

$(۱) \text{ اول}$



۱۹. اگر نقطه‌ای روی هذلولی  $M = 5x^2 + 4y^2 - 10x - 15 = 0$  باشد، کمترین مقدار مجموع فواصل این نقطه از دو کانون هذلولی کدام است؟

۱۰ (۴)

۸ (۳)

۶ (۲)

۴ (۱)

۲۰. اگر فاصله کانونی مقطع مخروطی  $k(x-y)^2 + xy = 6k$  باشد،  $k$  کدام است؟ ( $k > 0$ )

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

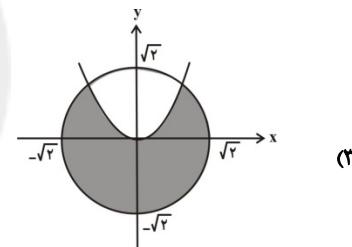
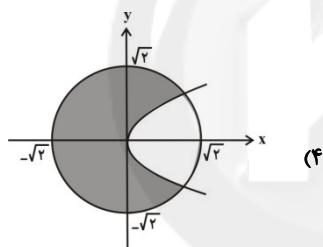
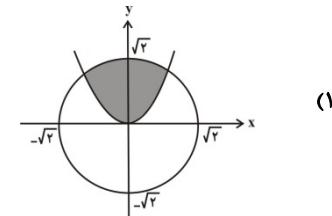
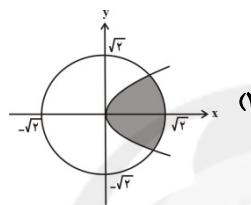
۱ (۱)

**ریاضیات گستته**

جبر و احتمال  
صفحه‌های ۵۶ تا ۶۸

**ریاضیات گستته**

۲۱. نمودار رابطه  $R = \{(x,y) \in R^2 \mid x^2 + y^2 \leq 2, y \geq x\}$  کدام است؟



۲۲. رابطه همارزی  $d(a,b)R(c,d) \Leftrightarrow a+2b=c+2d$  در  $R^2$  تعریف شده است. اگر کلاس همارزی  $\{(x,y) \mid x^2 + y^2 = 1\}$  از نقطه (۱,۰) بگذرد، مقدار  $x$  کدام است؟

۱ (۴)

-۱ (۳)

۲ (۲)

-۲ (۱)

۲۳. مجموعه  $A = \{a, b, c, d, e\}$  را به چند طریق می‌توان به ۳ زیرمجموعه افزایش کرد؟

۴۰ (۴)

۲۵ (۳)

۲۰ (۲)

۱۰ (۱)

۲۴. اگر  $A \times (A \Delta B), |(A \times B) - (B \times A)| = 24$  و  $|A| = |B| = 7$  باشد، چند عضو دارد؟

۷ (۴)

۱۴ (۳)

۲۱ (۲)

۲۸ (۱)

۲۵. تعداد افزایش‌های مجموعه  $A = \{a, b, c, d, e\}$ ، که شامل فقط یک مجموعه تک عضوی باشد، کدام است؟

۲۰ (۴)

۱۵ (۳)

۱۲ (۲)

۱۰ (۱)

۲۶. دست کم چند عضو به رابطه  $R = \{(1,2), (2,3), (4,5)\} \cup \{(1,2,3,4,5)\}$  یک رابطه همارزی شود؟

۲۲ (۴)

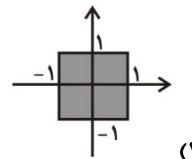
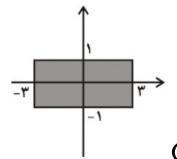
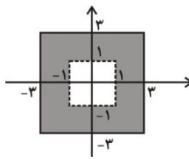
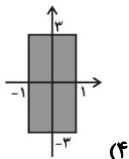
۱۲ (۳)

۱۰ (۲)

۸ (۱)



۲۷. اگر  $A = [-3, 3]$  و  $B = [-1, 1]$ ، آنگاه نمودار مختصاتی  $\Delta A \Delta B$  کدام است؟



۲۸. کدام یک از رابطه‌های زیر روی مجموعه اعداد حقیقی، همارزی نیست؟

$$aRb \Leftrightarrow a^r + a = b^r + b \quad (۴)$$

$$aRb \Leftrightarrow 3|a-b \quad (۱)$$

$$xRy \Leftrightarrow x = y \quad (۳)$$

$$xRy \Leftrightarrow xy > 0 \quad (۳)$$

۲۹. اگر  $|A - B| = 3$  و  $|A \cap B| = 4$  و  $|B - A| = 5$  باشد، مجموعه  $(A \times B) \cup (B \times A)$  چند عضوی است؟

۱۰۵ (۴)

۱۰۳ (۳)

۴۷ (۲)

۴۵ (۱)

۳۰. بر مجموعه  $A = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7\}$ ، چند رابطه همارزی می‌توان تعریف کرد که شامل زوج‌های مرتب

$(1, 2), (2, 3), (4, 5), (5, 6), (6, 7)$  باشد ولی فاقد  $(3, 4)$  باشد؟

۳ (۴)

۲۰۳

۱۰۲

۱ صفر

### فیزیک پیش‌دانشگاهی

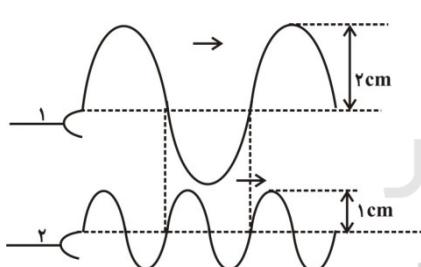
موج‌های مکانیکی  
صفحه‌های ۱۲۱ تا ۱۳۸

### فیزیک پیش‌دانشگاهی

۳۱. در شکل زیر، مقدار متوسط توان انتقال انرژی از هر نقطه طناب در مدت زمان یک دوره، در

طناب اول چند برابر طناب دوم است؟ (فرض کنید طناب‌ها یکسان و سرعت انتشار امواج عرضی

در آن‌ها برابر است).



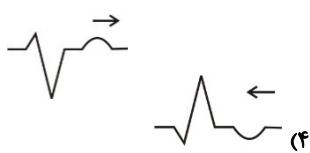
۲ (۱)

۴ (۲)

۱ (۳)

 $\frac{1}{4}$  (۴)

۳۲. مطابق شکل زیر، تپی در جهت نشان داده شده در یک طناب در حال انتشار است. کدام‌یک از تپ‌های زیر اگر از راست به چپ



در این طناب منتشر شود، برای لحظه‌ای طناب به شکل خط راست می‌شود؟



۳۳. سیم همگنی به طول  $L$  که دو سر آن بین دو نقطه ثابت شده است، هماهنگ سوم خود را تولید می‌کند. اگر نیروی کشش سیم

را چهار برابر کنیم، طول موج صوت اصلی آن چند برابر می‌شود؟

۱ (۴)

۴ (۳)

 $\frac{1}{2}$  (۲)

۲ (۱)



۳۴. مطابق شکل زیر، یک انتهای سیم همگنی به دیوار و انتهای دیگر آن به دیاپازونی بسته شده است. در اثر نوسان دیاپازون، در سیم موج‌های ایستاده تشکیل می‌شود. اگر در همین شرایط، به جای این دیاپازون، از دیاپازونی با بسامد بیشتر استفاده کنیم و مجددًا موج‌های ایستاده در سیم تشکیل شود، با فرض ثابت ماندن نیروی کشش سیم، فاصله‌ی اولین شکم سمت راست تا



(۲) افزایش می‌یابد.

دیوار ...

(۱) کاهش می‌یابد.

(۴) بسته به بسامد دیاپازون، هر سه حالت ممکن است.

(۳) تغییر نمی‌کند.

۳۵. دو سر تاری به دو نقطه ثابت بسته شده و تار با بسامد  $1800\text{ Hz}$  ارتعاش می‌کند. اگر در طول تار ۷ گره ایجاد شده باشد و فاصله نزدیک‌ترین گره تا یک انتهای تار برابر با  $10\text{ cm}$  باشد، سرعت انتشار امواج در طول تار چند متر بر ثانیه است؟

۲۴۰ (۴)

۴۵۰ (۳)

۳۶۰ (۲)

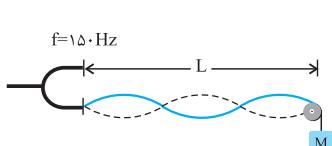
۱۸۰ (۱)

۳۶. در یک طناب موج ایستاده تشکیل شده است. اگر طول موج برابر با  $40\text{ cm}$  باشد، در نقطه‌ای به فاصله  $10\text{ cm}$  از انتهای ثابت طناب، اختلاف فاز بین موج فرودی و موج بازتاب، چند رادیان است؟

۲۴۰ (۴)

 $\frac{3\pi}{2}$  (۳) $\pi$  (۲) $\frac{\pi}{2}$  (۱)

۳۷. مطابق شکل در یک تار مرتعش موج ایستاده تشکیل شده است. اگر طول تار ( $L$ ) برابر  $60\text{ cm}$  باشد و جرم تار ۲ گرم باشد،

جرم وزنه آویخته شده از انتهای تار چند گرم است؟ ( $g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$ )

۶۸۰ (۲)

۳۶۰ (۱)

۱۰۰۰ (۴)

۱۲۰۰ (۳)

۳۸. بسامد دو هماهنگ متواالی در یک تار که دو سر آن ثابت است، به ترتیب برابر با  $30\text{ Hz}$  و  $45\text{ Hz}$  می‌باشد. اگر سرعت انتشار موج‌های عرضی در تار برابر با  $375\text{ cm/s}$  باشد، طول موج هماهنگ پنجم تار چند سانتی‌متر است؟

۵۰ (۴)

۲۵ (۳)

۱۰۰ (۲)

۷۵ (۱)

۳۹. هر دو انتهای طناب همگنی به طول  $1\text{ m}$  محکم بسته شده است و در طول آن موج‌های ایستاده تشکیل شده است. کدام گزینه نمی‌تواند طول موج ایجاد شده در این طناب بر حسب متر باشد؟

۲ (۴)

 $\frac{3}{2}$  (۳)

۱ (۲)

 $\frac{2}{3}$  (۱)

۴۰. معادله نوسان دو چشممه موج  $S_1$  و  $S_2$  در سطح آب در SI به صورت  $(40\pi t) / 0.04 \sin(40\pi t)$  است. فاصله نقطه‌ای مانند  $M$  روی سطح آب از دو چشممه  $d_1 = 12\text{ cm}$  و  $d_2 = 5\text{ cm}$  است. اگر سرعت انتشار موج در سطح آب  $5\text{ m/s}$  باشد، اختلاف راه دو موجی که با هم به این نقطه می‌رسند، بر حسب  $\lambda$  چقدر است و برهم‌نیه آن‌ها ویرانگر است یا سازنده؟ ( $\lambda$  طول موج است).

 $\frac{\lambda}{2}$  (۴) $\frac{\lambda}{3}$ ، ویرانگر (۳)

۳۸، سازنده (۲)

(۱)  $\lambda$ ، سازنده



شیمی پیش‌دانشگاهی: صفحه‌های ۱ تا ۷۵

۴۱- کدام یک از مطالب زیر نادرست است؟

(۱) هیچ یک از آمین‌ها در آب به طور کامل بونیده نمی‌شوند.

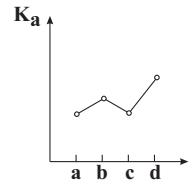
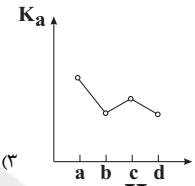
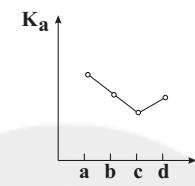
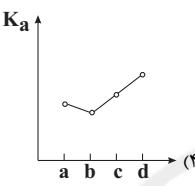
(۲) تمایل دی‌متیل‌آمونیوم برای از دست دادن پروتون از اسید آمونیوم کمتر است.

۴۲- کدام گزینه نادرست است؟

(۱) دی‌کلرواتانوات دارای  $K_b$  کمتری نسبت به فلورواتانوات است.

(۲) پروپانوات نسبت به متانوات برای گرفتن پروتون تمایل بیشتری نشان می‌دهد.

(۳) باز مزدوج برماتانوئیک اسید از باز مزدوج کلرواتانوئیک اسید نایدارتر است.

(۴) در اتانوئیک اسید دارای یک هالوژن ( $XCH_2COOH$ ، هر چه عدد اتمی هالوژن افزایش یابد، باز مزدوج حاصل پایدارتر است).۴۳- اگر در فرمول اتانوئیک اسید به جای هیدروژن‌های گروه متیل آن، اتم‌های زیر جایگزین شود، کدام نمودار برای مقایسه  $K_a$  در حالت‌های a, b, c و d درست است؟a)  $\text{^3Cl}$ b)  $\text{^2Br}, \text{Cl}$ c)  $\text{^2Cl}, \text{F}$ d)  $\text{^3F}$ 

۴۴- کدام یک از عوامل زیر باعث کاهش pH خاک و اسیدی شدن آن نمی‌شود؟

(۱) بارش باران اسیدی

(۲) افزودن آهک به خاک

(۳) ورود آلاینده‌های  $\text{NO}_x$  و  $\text{SO}_2$  به هوایکه(۴) افزایش غلظت  $\text{Al}^{3+}$  در خاک

۴۵- کدام گزینه زیر درباره آمینواسیدهای طبیعی صحیح است؟

(۱) در اغلب آمینواسیدهای طبیعی گروه آمینی روی همان کربنی قرار دارد که گروه کربوکسیل قرار می‌گیرد.

(۲) این ترکیبات، می‌توانند تبادل پروتون درون مولکولی داشته باشند.

(۳) ساده‌ترین آمینواسید دارای فرمول مولکولی  $\text{C}_2\text{H}_4\text{NO}_2$  می‌باشد.

(۴) گلیسین ساده‌ترین آمینواسید است که به دلیل قطبیت بالا، در حل‌های قطبی مانند آب و اتانول در دمای اتاق به خوبی حل می‌شود.

۴۶- نمکی.... است و در محلول نمک.....

(۱)  $\text{KF}$ ، بازی،  $\text{CH}_3\text{COONa}$ ، هیچ کدام از کاتیون‌ها و آنیون‌ها آبکافت نمی‌شوند.(۲)  $\text{NH}_4\text{F}$ ، اسیدی،  $\text{NH}_4\text{NO}_3$ ،  $\text{NaCN}$ ، خشی،  $\text{CaCl}_2$ ،  $\text{Ba}(\text{NO}_3)_2$ ،  $\text{FeCl}_3$ ، کاتیون و آنیون هر دو آبکافت می‌شوند.۴۷- اگر مقدار  $K_a$  برای  $\text{FCH}_2-\text{COOH}$ ،  $\text{ClCH}_2-\text{COOH}$ ،  $\text{CH}_3\text{COOH}$  به ترتیب برابر a, b, c و d باشد، کدام مقایسه نادرست است؟(۱) ترتیب  $c > d > b > a : K_a$ (۲) ترتیب قدرت بازی:  $\text{CH}_3\text{COO}^- > \text{ClCH}_2\text{COO}^- > \text{FCH}_2\text{COO}^- > \text{Cl}_2\text{CHCOO}^-$ (۳) غلظت یون  $\text{H}^+$  در شرایط یکسان از دما و غلظت اولیه:  $\text{CH}_3\text{COOH} < \text{ClCH}_2\text{COOH} < \text{FCH}_2\text{COOH} < \text{Cl}_2\text{CHCOOH}$ (۴) ترتیب پایداری آنیون:  $\text{CH}_3\text{COO}^- > \text{ClCH}_2\text{COO}^- > \text{FCH}_2\text{COO}^- > \text{Cl}_2\text{CHCOO}^-$ 

۴۸- چه تعداد از عبارت‌های زیر نادرست‌اند؟

الف- افزایش کودها و ورود آلاینده‌های  $\text{NO}_x$  و  $\text{SO}_2$  به هوایکهب- در محیط‌های اسیدی، تمام نمک‌های آلومنینیم به حالت محلول درمی‌آیند و غلظت یون  $\text{Al}^{3+}$  افزایش می‌یابد.

پ- با تنظیم pH خاک می‌توان همزمان گل ادریسی را در محیط‌های اسیدی به رنگ آبی و در محیط‌های بازی به رنگ صورتی پرورش داد.

ت- یون فلزهای واسطه برای آبکافت و جذب  $\text{OH}^-$  موج افزایش غلظت یون  $\text{H}^+$  و کاهش pH خاک می‌شوند.

(۱) ۱ ۲ ۳ ۴

۴۹- ۵۰ میلی لیتر محلول  $\text{NaOH}$  با  $\text{pH} = 13$  را در دمای  $25^\circ\text{C}$ ، با  $250$  میلی لیتر محلول  $\text{KOH}$  با  $\text{pH} = 13$  مخلوط کرده و به محلول حاصل،  $500$  میلی لیتر آب خالص اضافه می‌کنیم. pH محلول نهایی کدام است؟  $(\log 5 = 0.7, \log 3 = 0.5)$ 

(۱) ۱۲/۳ ۱۳/۲ ۱۳/۸ ۱۴/۲

۵۰- دانش آموزان گرامی، توجه کنید که شیمی پایه زوج کتاب است و شما باید به یکی از دو دسته سوال‌های «شیمی ۲» یا «شیمی ۳» پاسخ دهید.

شیمی ۳: صفحه‌های ۱ تا ۷۵

۵۱- کدام گزینه نادرست است؟

(۱) هنگامی که فلزهای قلایی برای مدتی در معرض هوا قرار بگیرند، مخلوط پیچیده‌ای از ترکیب‌های شیمیایی روی سطح آنها به وجود می‌آید.

(۲) مجموعه‌ای از واکنش‌های سنتزی برای ترافلوئرواتن، می‌تواند منجر به تولید درشت مولکولی به نام پلی تترافلورو اتن شود.

(۳) سالیسیلیک اسید به عنوان طعم‌دهنده در مواد غذایی و دارویی استفاده می‌شود.

(۴) واکنش فلز منیزیم با اکسیژن می‌تواند همراه با بدون تولید شعله باشد.



## فارغ التحصیلان ریاضی

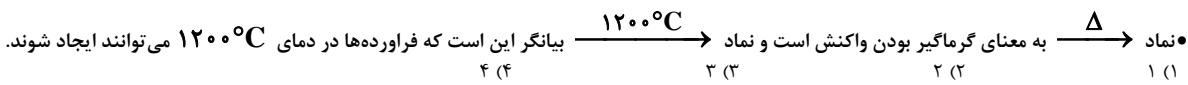
## آزمون غیرحضوری - ۵ بهمن ۹۷

- ۵۱- چند مورد از مطالب زیر به درستی بیان نشده‌اند؟

زنگ زدن آهن، ترش شدن شیر و تنفس، تغییرات شیمیایی می‌باشند که در طی آن‌ها مواد شیمیایی تازه‌ای به وجود می‌آیند.

بر اثر مخلوط کردن محلول پتاسیم کرومات با محلول سرب (II) نیترات، رسوب زردنگی به نام سرب کرومات ایجاد می‌شود که بیانگر وقوع یک واکنش شیمیایی است.

اطلاعاتی همچون حالت فیزیکی واکنش‌دهنده‌ها و فراورده‌ها، شرایط انجام واکنش و ترتیب مخلوط کردن را می‌توان از معادله شیمیایی به دست آورد.



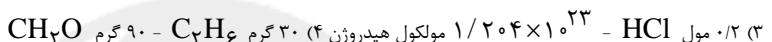
- ۵۲- اگر جرم مولی آلومینیم را برابر با ۲۷ و جرم مولی اتم اکسیژن را ۱۶ گرم بر مول در نظر بگیریم، در یک نمونه خالص  $\frac{2}{4}$  گرمی از آلومینیم اکسید، تقریباً چه تعداد

یون اکسید وجود دارد؟ (عدد آووگادرو را  $6.022 \times 10^{23}$  فرض کنید).

$$1 / 204 \times 10^{23} \quad 3 / 204 \times 10^{23} \quad 2 / 408 \times 10^{23} \quad 6 / 0.22 \times 10^{23}$$

۱ (۱) ۲ (۲) ۳ (۳) ۴ (۴)

- ۵۳- شمار اتم‌های هیدروژن در ..... با شمار اتم‌های هیدروژن در ..... متفاوت است. ( $\text{H} = 1, \text{C} = 12, \text{O} = 16 : \text{g.mol}^{-1}$ )



- ۵۴- یک ترکیب آلی شامل هیدروژن و کربن است و  $14/3$  درصد جرمی این ترکیب را هیدروژن تشکیل می‌دهد. اگر از واکنش کامل  $5/0$  مول از این ترکیب آلی با

اکسیژن، ۳۶ گرم آب تولید شود، در ۲۸ گرم از این ترکیب آلی چند اتم کربن وجود دارد؟ ( $\text{C} = 12, \text{H} = 1 : \text{g.mol}^{-1}$ )



## شیمی ۲: صفحه‌های ۱ تا ۲۸

- ۵۵- سه ایزوتوپ عنصر A به ترتیب از راست به چپ بر اساس افزایش جرم اتمی به صورت  $^{3a+4}A$ ,  $^{2a+7}A$ ,  $^{3a+1}A$  و  $^{3a+4}A$  وجود دارند. اگر درصد فراوانی سبک‌ترین و سنگین‌ترین ایزوتوپ به ترتیب  $25\%$  و  $25\%$  و  $25\%$  باشد، جرم اتمی میانگین سه ایزوتوپ چند amu است؟

$$22/8 \quad 3 (۳) \quad 22/4 \quad 2 (۲) \quad 23/2 \quad 1 (۱)$$

- ۵۶- چند مورد از مطالب زیر نادرست است؟

آ) نسبت دادن حضور دو الکترون در یک اوربیتال به منظور توجیه برخی از خواص فیزیکی اتم‌ها بود.

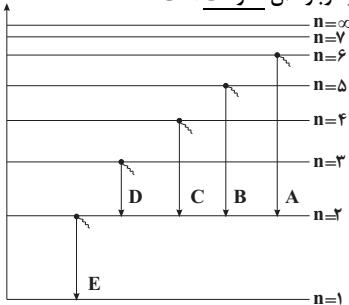
ب) انحراف پرتوی  $\beta$  از پرتوی  $\alpha$  در میدان الکتریکی بیشتر است، چون نسبت جرم به بار پرتوی  $\beta$  از پرتوی  $\alpha$  بیشتر است.

پ) ۱۰۰ گرم از مولکول  $\text{D}_2\text{O}$  حجم بیشتری نسبت به همین مقدار  $\text{H}_2\text{O}$  اشغال می‌کند.

ت) نسبت بار به جرم الکترون و بار الکتریکی الکترون به ترتیب توسط تامسون و میلیکان اندازه‌گیری شد.

$$1 (۱) \quad 2 (۲) \quad 3 (۳) \quad 4 (۴)$$

- ۵۷- با توجه به شکل زیر که برای توجیه بخشی از طیف نشری خطی اتم هیدروژن ارائه شده است، چه تعداد از مطالب زیر درباره آن نادرست است؟



- ۵۸- بیرونی‌ترین زیرلایه عنصر اصلی X دارای عدد کواتنومی اصلی ۴ می‌باشد و اولین جهش آن میان یونش‌های  $5\text{IE}_6$  و  $6\text{IE}_5$  است. تعداد الکترون‌های ظرفیت این

عنصر با عنصری با عدد اتمی ..... برابر و دارای ..... الکترون با  $\frac{1}{2} \text{m}_s = +$  است.

$$1 (۱) \quad 2 (۲) \quad 3 (۳) \quad 4 (۴) \quad 5 (۵)$$

- ۵۹- چه تعداد از موارد زیر، برای تکمیل عبارت «همواره ..... از ..... بیشتر است» درست است؟

• مجموع اعداد کواتنومی اصلی الکترون‌های یک اتم - مجموع اعداد کواتنومی اوربیتالی الکترون‌های آن

• مجموع اعداد کواتنومی اوربیتالی الکترون‌های یک اتم - مجموع اعداد کواتنومی مغناطیسی الکترون‌های آن

• تعداد الکترون‌های یک اتم - تعداد اوربیتال‌های اشغال شده آن اتم

• تعداد زیرلایه‌های یک لایه - عدد کواتنومی اصلی آن لایه

$$1 (۱) \quad 2 (۲) \quad 3 (۳) \quad 4 (۴) \quad 5 (۵)$$

(۱) صفر



## «گزینه ۱» - ۵

$$\begin{aligned} f'(0) &= \lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{f(x) - f(0)}{x - 0} = \lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{\sqrt{1 - \sqrt{1 - x^2}} - 0}{x} \\ &= \lim_{x \rightarrow 0^-} \left( \frac{\sqrt{1 - \sqrt{1 - x^2}}}{x} \times \frac{\sqrt{1 + \sqrt{1 - x^2}}}{\sqrt{1 + \sqrt{1 - x^2}}} \right) \\ &= \lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{\sqrt{1 - 1 + x^2}}{x \sqrt{1 + \sqrt{1 - x^2}}} = \lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{|x|}{x \sqrt{1 + \sqrt{1 - x^2}}} \\ &= \lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{-x}{x \sqrt{1 + \sqrt{1 - x^2}}} = \lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{-1}{\sqrt{1 + \sqrt{1 - x^2}}} = -\frac{\sqrt{2}}{2} \end{aligned}$$

## «گزینه ۱» - ۶

$$\begin{cases} \lim_{x \rightarrow 0} g(x) = 0 \\ g(0) = 0 \end{cases} \Rightarrow \text{پیوسته است } x = 0 \text{ در } g$$

$$g'(0) = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\frac{x}{x} - 0}{x - 0} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1}{x + f(x)} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1}{f(x)} = -\frac{1}{2}$$

## «گزینه ۱» - ۷

$$\begin{aligned} \lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) &= \lim_{x \rightarrow 1^+} (x^2 - x - a) = -a \\ f(1) &= \lim_{x \rightarrow 1^-} f(x) = \lim_{x \rightarrow 1^-} (a^2 x - 2) = a^2 - 2 \end{aligned}$$

$$\Rightarrow a^2 - 2 = -a \Rightarrow a^2 + a - 2 = 0 \Rightarrow (a+2)(a-1) = 0$$

شرط پیوستگی:  $a = -2, 1$

$$f'(x) = \begin{cases} a^2 & , x < 1 \\ 2x - 1 & , x > 1 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} f'_-(1) = \lim_{x \rightarrow 1^-} a^2 = a^2 \\ f'_+(1) = \lim_{x \rightarrow 1^+} (2x - 1) = 1 \end{cases}$$

شرط مشتق‌پذیری:  $a = \pm 1$

بنابراین  $a = 1$  قابل قبول است، چون در هر دو شرط صدق می‌کند.

## «گزینه ۳» - ۸

چون حد مخرج برابر صفر است پس باید حد صورت نیز برابر صفر باشد. در غیر این صورت، حاصل حد، برابر بی‌نهایت خواهد بود.

$$\begin{aligned} \lim_{h \rightarrow 0} (f(h^2 + 1) - f(h^2 - 1) + 2) &= 0 \\ \Rightarrow f(1) - f(-1) + 2 &= 0 \Rightarrow 2b - 2a + 2 = 0 \end{aligned}$$

$$\Rightarrow a - b = 1 \quad (1)$$

$$\begin{aligned} A &= \lim_{h \rightarrow 0} \left( \frac{f(1+h^2) - f(1)}{h^2} - \frac{f(-1+h^2) - f(-1)}{h^2} \right. \\ &\quad \left. + \frac{f(1) - f(-1) + 2}{h^2} \right) = 4 \end{aligned}$$

## دیفرانسیل

## «۴» - ۱

می‌دانیم اگر  $R(x)$  تابع درآمد،  $C(x)$  تابع هزینه و  $P(x)$  تابع سود باشد، داریم:

$$P(x) = R(x) - C(x)$$

$$P(x) = 20000x - (2x^3 - 100x + 400) = -2x^3 + 20100x - 400$$

پس تابع سود نهایی برابر خواهد بود با:

## «۳» - ۲

باید معادله حاصل از تلاقی دو منحنی، ریشه مضاعف بدهد ( $\Delta = 0$ ):

$$x^2 - \frac{3}{4} = kx - 3 \Rightarrow x^2 - kx - \frac{3}{4} + 3 = 0 \Rightarrow x^2 - kx + \frac{9}{4} = 0$$

$$\Delta = 0 \Rightarrow k^2 - 4(\frac{9}{4}) = k^2 - 9 = 0 \Rightarrow k = \pm 3$$

$$\Rightarrow +3 - 3 = 0$$

## «۳» - ۳

با توجه به تابع  $x^4 - 4x^2$  و تعیین علامت عبارت  $H(x) = \begin{cases} 1 & , x \geq 0 \\ 0 & , x < 0 \end{cases}$  داریم:

$$\begin{array}{c|ccccc} x & -2 & 0 & 2 \\ \hline x^4(x^4 - 4) & + & 0 & - & 0 & + \end{array}$$

$$H(x^4 - 4x^2) = \begin{cases} 1 & , x \geq 2 \text{ یا } x \leq -2 \text{ یا } x = 0 \\ 0 & , -2 < x < 0 \text{ یا } x < 2 \end{cases}$$

$$\Rightarrow f(x) = \begin{cases} 2x - 3 & , x \geq 2 \text{ یا } x \leq -2 \text{ یا } x = 0 \\ 0 & , -2 < x < 0 \text{ یا } x < 2 \end{cases}$$

$$f'(x) = \begin{cases} 2 & , x > 2 \text{ یا } x < -2 \\ 0 & , -2 < x < 0 \text{ یا } x < 2 \end{cases}$$

$f$  در  $x = 2$  ناپیوسته است.  $\lim_{x \rightarrow 2^+} f(x) = 1, \lim_{x \rightarrow 2^-} f(x) = 0 \Rightarrow$

$f$  در  $x = -2$  ناپیوسته است.  $\lim_{x \rightarrow -2^+} f(x) = 0, \lim_{x \rightarrow -2^-} f(x) = -7 \Rightarrow$

$f$  در  $x = 0$  ناپیوسته است.  $f(0) = -3$

تابع در نقاط  $-2, 2, 0$  ناپیوسته و مشتق‌ناپذیر است.

## «۲» - ۴

$$f(x) = \sqrt[3]{x^2} + \sqrt[3]{x} = x^{\frac{2}{3}} + x^{\frac{1}{3}} \Rightarrow f'(x) = \frac{2}{3}x^{-\frac{1}{3}} + \frac{1}{3}x^{-\frac{2}{3}}$$

$$\Rightarrow f'(x) = \frac{2}{\sqrt[3]{x}} + \frac{1}{\sqrt[3]{x^2}} = \frac{\sqrt[3]{x+1}}{\sqrt[3]{x^2}}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} f'_+(0) = \frac{1}{0^+} = +\infty \\ f'_-(0) = \frac{1}{0^+} = +\infty \end{cases}$$

تابع در  $x = 0$  دارای مماس قائم است.

**هندسه تحلیلی****«۱۱- گزینه»**

خط گذرنده از کانون‌های هذلولی یکی از محورهای هذلولی است.

$$9(x^2 - 4x) - 4(y^2 + 6y) - 36 = 0 \Rightarrow 9(x-2)^2 - 4(y+3)^2 = 36$$

$$\Rightarrow \frac{(x-2)^2}{9} - \frac{(y+3)^2}{4} = 1$$

چون هذلولی افقی است، پس محور کانونی آن خط  $y = -3$  است.

**«۱۲- گزینه»**

$$(2m-3)+m=0 \Rightarrow m=1$$

$$x^2-y^2+6x-ky+9=0 \Rightarrow (x+3)^2-(y+4)^2=-16$$

$$\Rightarrow \frac{(y+4)^2}{16} - \frac{(x+3)^2}{16} = 1$$

هذلولی قائم است و دارایم:  $A = b = 4$  ، پس  $a = b = 4$

**«۱۳- گزینه»**

$$\frac{(y-\frac{1}{3})^2}{4} - \frac{x^2}{2} = 1$$

$$e = \sqrt{1 + \frac{b^2}{a^2}} = \sqrt{1 + \frac{2}{4}} = \sqrt{\frac{3}{2}}$$

هذلولی دوم چون متساوی الساقین است، خروج از مرکز آن  $\sqrt{2}$  می‌باشد. نسبت  $\frac{\sqrt{3}}{\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{3}}{2}$

این دو خروج از مرکز برابر است با:

**«۱۴- گزینه»**

چون هذلولی افقی است، محور کانونی آن خط  $y = y_F = -1$  است، بنابراین، عرض نقطه  $O'$  (مرکز) و عرض نقطه  $F'$  کانون دیگر هذلولی  $(-1)$  است، اما مجانب‌ها در نقطه  $O'$  متقاطع هستند. یعنی، نقطه  $O'$  به عرض  $(-1)$  روی خط  $3x+4-y=0 \Rightarrow x_{O'}=1 \Rightarrow O'=(1,-1)$  قرار داریم:  $D$  و  $F'$  نسبت به مرکز  $O'$  قرینه یکدیگرند:

$$x_F' = 2x_{O'} - x_F \Rightarrow x_F' = 2-6 = -4 \Rightarrow F' = (-4, -1)$$

**«۱۵- گزینه»**

$$x^2 + xy + y^2 - 6 = 0 \Rightarrow \tan \theta = \frac{b}{a-c}$$

$$\Rightarrow 2\theta = \frac{\pi}{2} \Rightarrow \theta = \frac{\pi}{4}$$

$$\begin{cases} x = \frac{\sqrt{2}}{2}(x'-y') \\ y = \frac{\sqrt{2}}{2}(x'+y') \end{cases}$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2}(x'-y')^2 + \frac{1}{2}(x'^2 - y'^2) + \frac{1}{2}(x'+y')^2 - 6 = 0$$

$$\Rightarrow \frac{3x'^2}{2} + \frac{1}{2}y'^2 - 6 = 0 \Rightarrow \frac{x'^2}{4} + \frac{y'^2}{12} = 1 \Rightarrow a = 2\sqrt{3}$$

بیضی قائم و

$$A = (0, 2\sqrt{3}) \Rightarrow x = \frac{\sqrt{2}}{2}(0 - 2\sqrt{3}) = -\sqrt{6}$$

$$A' = (0, -2\sqrt{3}) \Rightarrow x = \frac{\sqrt{2}}{2}(0 + 2\sqrt{3}) = \sqrt{6}$$

با توجه به  $(1)$ ،  $f(1) - f(-1) + 2 = 0$  است. پس:

$$\begin{cases} h^r = t \\ h \rightarrow 0 : A = \lim_{t \rightarrow 0^+} \left( \frac{f(1+t)-f(1)}{t} - \frac{f(-1+t)-f(-1)}{t} \right) = 4 \end{cases}$$

$$\Rightarrow A = f'_+(1) - f'_+(-1) \quad (2)$$

$$x > 1 : f(x) = ax - a + bx + b$$

$$\Rightarrow f(x) = (a+b)x - \underbrace{(a-b)}_1 = (a+b)x - 1$$

$$\Rightarrow f'_+(1) = a + b \quad (3)$$

$$-1 < x < 1 : f(x) = -ax + a + bx + b$$

$$\Rightarrow f(x) = -\underbrace{(a-b)}_1 x + a + b = -x + (a+b)$$

$$\Rightarrow f'_+(-1) = -1 \quad (4)$$

$$(2), (3), (4) \Rightarrow A = (a+b) - (-1) = 4 \Rightarrow a+b = 4$$

**«۹- گزینه»**

خطوطی که از نقطه  $(-1, 3)$   $A$  می‌گذرند را به صورت زیر نمایش می‌دهیم:

$$y - 3 = m(x+1)$$

برای این که معادله خطوطی که به منحنی مماس است را به دست آوریم باید معادله حاصل از تلاقی خط و منحنی ریشه مضاعف بدهد:

$$\begin{cases} y = mx + m + 3 \\ y = 2 + \frac{1}{x} \end{cases} \Rightarrow mx + (m+3) = 2 + \frac{1}{x}$$

$$\Rightarrow mx^2 + (m+1)x - 1 = 0$$

$$\Delta = (m+1)^2 + 4m = 0 \Rightarrow m^2 + 6m + 1 = 0 \Rightarrow m = -3 \pm 2\sqrt{2}$$

اگر  $\theta$  زاویه حاده بین دو خط باشد، داریم:

$$\tan \theta = \left| \frac{m_1 - m_2}{1 + m_1 m_2} \right| = \left| \frac{-3 + 2\sqrt{2} + 3 + 2\sqrt{2}}{1 + (-3)^2 - (2\sqrt{2})^2} \right| = \left| \frac{4\sqrt{2}}{2} \right| = 2\sqrt{2}$$

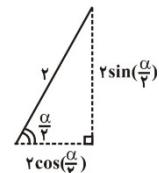
**«۱۰- گزینه»**

قطراهای لوزی برابر  $\frac{\alpha}{2} \sin(\frac{\alpha}{2})$  و  $\frac{\alpha}{2} \cos(\frac{\alpha}{2})$  است.

$$\text{قطر بزرگ لوزی} \times \text{قطر کوچک لوزی} = \frac{\text{مساحت لوزی}}{2}$$

$$S(\alpha) = \frac{\frac{\alpha}{2} \cos(\frac{\alpha}{2}) \times \frac{\alpha}{2} \sin(\frac{\alpha}{2})}{2}$$

$$= \frac{\alpha}{2} \cos(\frac{\alpha}{2}) \sin(\frac{\alpha}{2}) = \frac{\alpha}{2} \sin(\alpha)$$



آنگاه آنی تغییر  $S$  نسبت به  $\alpha$  برابر است با:

$$\frac{dS}{d\alpha} = \frac{\frac{\alpha}{2} \cos(\alpha) \times \frac{\alpha}{2} \sin(\alpha)}{\alpha} = -2\sqrt{2}$$

علامت منفی بیان کننده این است که اگر  $\alpha$  در حوالی  $\frac{3\pi}{4}$  افزایش یابد، با

کاهش مساحت لوزی مواجه می‌شویم.



**۱۹ - گزینه «۲»**  
 زمانی مجموع فواصل یک نقطه روی هذلولی از دو کانون آن حداقل است که آن نقطه یکی از رئوس هذلولی باشد. (طبق نامساوی مثلثی، این نکته به راحتی قابل اثبات است) در این صورت مجموع فواصل از دو کانون برابر است با:

$$(c+a)+(c-a)=2c$$

$$\Delta(x^2 - 2x + 1) - \Delta - 4y^2 = 15 \Rightarrow \Delta(x-1)^2 - 4y^2 = 20$$

$$\Rightarrow \frac{(x-1)^2}{4} - \frac{y^2}{5} = 1 \Rightarrow \begin{cases} a^2 = 4 \\ b^2 = 5 \end{cases}$$

$$c^2 = a^2 + b^2 = 9 \Rightarrow c = 3 \Rightarrow 2c = 6$$

**۲۰ - گزینه «۱»**

$$(x-y)^2 + xy = \epsilon k \Rightarrow x^2 - xy + y^2 = \epsilon k$$

$$\tan 2\theta = \frac{b}{a-c} = \frac{-1}{1-1} = \infty \Rightarrow 2\theta = 90^\circ \Rightarrow \theta = 45^\circ$$

$$\Rightarrow \sin \theta = \cos \theta = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$\begin{cases} x = \frac{\sqrt{2}}{2}x' - \frac{\sqrt{2}}{2}y' \\ y = \frac{\sqrt{2}}{2}x' + \frac{\sqrt{2}}{2}y' \end{cases}, (x-y)^2 + xy = \epsilon k$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2}x'^2 + \frac{3}{2}y'^2 = \epsilon k \Rightarrow \frac{x'^2}{12k} + \frac{y'^2}{4k} = 1$$

$$\Rightarrow c^2 = a^2 - b^2 = \lambda k \Rightarrow c = \sqrt{\lambda k}$$

$$\Rightarrow \sqrt{\lambda k} = 2\sqrt{2} \Rightarrow k = 1$$

### ریاضیات گستته

**۲۱ - گزینه «۴»**

رابطه  $x^2 + y^2 \leq 2$ ، نقطه‌های درون و روی دایره‌ای به مرکز مبدأ و شعاع  $\sqrt{2}$  و رابطه  $x^2 \geq y^2$ ، نقطه‌های بیرون و روی سهمی  $y^2 = x$  می‌باشد. اشتراک این دو ناحیه، نمایانگر گزینه ۴ است.

**۲۲ - گزینه «۳»**

زوج مرتب  $(1,0)$  در کلاس همارزی  $[(3,x)]$  قرار دارد، پس داریم:

$$(3,x)R(1,0) \Leftrightarrow 3+2x = 1+2(0) \Rightarrow x = -1$$

**۲۳ - گزینه «۳»**

یک مجموعه پنج عضوی را به دو گونه مختلف، می‌توان به ۳ زیرمجموعه افزایش کرد:

الف) یک زیرمجموعه ۳ عضوی و دو زیرمجموعه یک عضوی.

ب) یک زیرمجموعه یک عضوی و دو زیرمجموعه دو عضوی.

کل تعداد حالت‌ها برابر است با:

$$\binom{5}{3} \times \binom{2}{1} + \binom{5}{1} \times \binom{4}{2} = 10 + 15 = 25$$

**۱۶ - گزینه «۴»**

هذلولی افقی به معادله کلی  $\frac{(x-\alpha)^2}{a^2} - \frac{(y-\beta)^2}{b^2} = 1$  است. معادله محور کانونی یا محور قاطع هذلولی  $y = 0$  است. اگر  $(\alpha, \beta) = O'$  مرکز هذلولی باشد،

$$O' : (3y - 4x + 4 = 0, y = 0) \Rightarrow O'(\alpha = 1, \beta = 0)$$

$$FA = FO' - AO' = c - a = 2$$

شیب مجانب‌های هذلولی افقی  $\pm \frac{b}{a}$  است.

$$\begin{cases} \frac{b}{a} = \frac{4}{3} \Rightarrow b = \frac{4}{3}a \\ c - a = 2 \Rightarrow c = a + 2 \end{cases}$$

$$a^2 + b^2 = c^2 \Rightarrow a^2 + \frac{16}{9}a^2 = (a+2)^2$$

$$\Rightarrow 4a^2 - 9a - 9 = 0 \Rightarrow a = 3, b = 4$$

$$\frac{(x-1)^2}{9} - \frac{y^2}{16} = 1 \quad \text{معادله هذلولی}$$

$$\Rightarrow 16x^2 - 9y^2 - 32x = 128$$

**۱۷ - گزینه «۴»**

می‌دانیم اگر  $ax^2 + bxy + cy^2 + dx + ey + f = 0$ ، معادله غیراستاندارد مقطع مخروطی و  $Ax^2 + Cy^2 + Dx + Ey + F = 0$  معادله آن بعد از دوران محورهای مختصات باشد، آنگاه در صورتی که  $F = f$ ، خواهیم داشت:

$$A + C = a + c$$

با توجه به معادله بعد از دوران،  $A + C = 5$  و  $F = -4$  است. در گزینه ۴،

اگر معادله را بر ۲ تقسیم کنیم، داریم:

$$\frac{5}{2}x^2 + \frac{5}{2}y^2 - 3xy = 4$$

در این صورت  $a + c = \frac{5}{2}$  و  $f = -4$  می‌باشد.

**۱۸ - گزینه «۴»**

ابتدا معادله سهمی  $-8x - 2y = 2x^2$  را به صورت استاندارد در می‌آوریم:

$$y = 2(x^2 - 4x + 4) - 8 \Rightarrow y + 8 = 2(x-2)^2$$

رأسم سهمی  $\rightarrow S(2, -8)$

حال اگر مبدأ مختصات را به نقطه  $(2, -8) = S$  منتقل کنیم، داریم:

$$\begin{cases} x' = x - 2 \\ y' = y + 8 \end{cases}$$

یعنی معادله سهمی به صورت  $2x'^2 - y' = 2x^2 - 8y - 8 = 0$  در می‌آید. (  $x'$  و  $y'$  مختصات در دستگاه جدید هستند).

 $\{1, 2, 3\}, \{4, 5, 6, 7\}$ 

افزار متناظر با رابطه همارزی مذکور تنها به شکل زیر است:

پس تنها یک رابطه همارزی با مشخصات مورد نظر وجود دارد.

**فیزیک پیش‌دانشگاهی****گزینه ۳**با توجه به شکل‌ها مشخص می‌شود که  $A_1 = 2f_1$  و  $f_2 = 2A_2$  است.

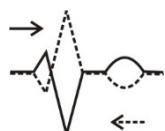
بنا به رابطه  $\bar{P} = 2\pi^2 A^2 f^2 \mu v$ ، متوسط توان انتقال انرژی از هر نقطه طناب در مدت زمان یک دوره، با  $(Af)^2$  (رابطه مستقیم) دارد. با توجه به این که طناب‌ها یکسان هستند ( $\mu_1 = \mu_2$ ) و سرعت انتشار امواج عرضی تولید شده توسط دیپازون‌ها در آن‌ها برابر است ( $v_1 = v_2$ )، بنابراین داریم:

$$\frac{\bar{P}_1}{\bar{P}_2} = \left(\frac{A_1 f_1}{A_2 f_2}\right)^2 = \left(\frac{2A_2 f_1}{A_2^2 f_1}\right)^2 = 1$$

**گزینه ۴**

وقتی دو تپ به هم می‌رسند، باید جایه‌جایی حاصل از هر تپ در یک نقطه، قرینه‌جایه‌جایی حاصل از تپ دیگر در همان نقطه باشد تا برهم‌نهی آن‌ها ویرانگر شود.

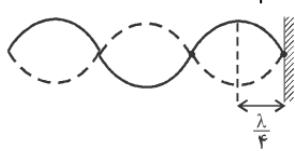
بنابراین مطابق شکل زیر، گزینه ۴ جواب این سؤال خواهد بود.

**گزینه ۵**

طبق رابطه  $L = n \frac{\lambda_n}{2}$ ، طول موج صوت اصلی ( $n=1$ ) برابر با  $\lambda_1 = 2L$  می‌شود. بنابراین طول موج صوت اصلی فقط به طول سیم بستگی دارد و با تغییر نیروی کشش سیم، تغییری نمی‌کند.

**گزینه ۶**

طبق شکل زیر، چون در انتهای بسته گره تشکیل می‌شود، فاصله اولین شکم از سمت راست تا دیوار برابر با  $\frac{\lambda}{4}$  است. از طرف دیگر چون سرعت انتشار موج در طناب ثابت است، در نتیجه با افزایش سامد دیپازون، سامد موج در طناب نیز افزایش می‌یابد و طبق رابطه  $\frac{v}{f} = \lambda$  طول موج کاهش خواهد یافت، بنابراین فاصله اولین شکم از دیوار نیز کاهش می‌یابد.





$$60 = \sqrt{\frac{M \times 10 \times 0 / 6}{0 / 002}} \Rightarrow 3600 = \frac{6M}{0 / 002}$$

$$\Rightarrow M = 1 / 2 \text{ kg} \Rightarrow M = 1200 \text{ g}$$

## «۴» - گزینه ۴

می دانیم در تار دو سر ثابت، اختلاف بسامد دو هماهنگ متواالی برابر با بسامد اصلی تار است. بنابراین با محاسبه بسامد اصلی، بسامد هماهنگ پنجم را حساب می کنیم و سپس طول موج آن را بدست می آوریم.

$$f_n - f_{n-1} = f_1 \rightarrow f_n = 450 \text{ Hz}, f_{n-1} = 300 \text{ Hz}$$

$$450 - 300 = f_1 \Rightarrow f_1 = 150 \text{ Hz}$$

$$f_n = n f_1 \rightarrow f_n = 5 \times 150 \Rightarrow f_n = 750 \text{ Hz}$$

$$\lambda_n = \frac{v}{f_n} \rightarrow \lambda_n = \frac{375}{750} \text{ m}$$

$$\Rightarrow \lambda_n = 0.5 \text{ m} \rightarrow \lambda_n = 50 \text{ cm}$$

## «۴» - گزینه ۴

در طنابی که هر دو انتهای آن بسته باشد، باید طول طناب مضرب صحیحی از

$$\frac{\lambda}{2} \text{ باشد، بنابراین می توان نوشت:}$$

$$L = n \frac{\lambda_n}{2} \rightarrow \lambda_n = \frac{2L}{n} \rightarrow \lambda_n = \frac{2}{n}$$

$$\begin{cases} n = 1 \Rightarrow \lambda_1 = 2 \text{ m} \\ n = 2 \Rightarrow \lambda_2 = 1 \text{ m} \\ n = 3 \Rightarrow \lambda_3 = \frac{2}{3} \text{ m} \end{cases}$$

نتیجه می گیریم در این طناب موج های با طول موج  $\frac{3}{2} \text{ m} = \lambda$  تشکیل نمی شود.

## «۴» - گزینه ۴

ابتدا طول موج را به صورت زیر حساب می کنیم:

$$k = \frac{2\pi}{\lambda} = \frac{\omega}{v} \rightarrow \frac{v = 5 \text{ m}}{\omega = 40\pi \text{ rad}} \rightarrow \frac{2\pi}{\lambda} = \frac{40\pi}{5} \Rightarrow \lambda = 0.25 \text{ m} = 25 \text{ cm}$$

اکنون اختلاف راه دو موج را بر حسب  $\lambda$  حساب می کنیم:

$$\delta = d_2 - d_1 \rightarrow \frac{d_2 = 50 \text{ cm}, d_1 = 12.5 \text{ cm}}{\delta = 37.5 \text{ cm}}$$

$$\delta = 50 - 12.5 / 5 \Rightarrow \delta = 37.5 / 5 \text{ cm}$$

$$\frac{\delta}{\lambda} = \frac{37.5 / 5}{25} \Rightarrow \frac{\delta}{\lambda} = \frac{3}{2} \Rightarrow \delta = \frac{3}{2} \lambda$$

چون اختلاف راه دو موج مضرب فردی از  $\frac{\lambda}{2}$  است، بنابراین بر هم نهی دو موج ویرانگر است.

## «۴» - گزینه ۴

چون دو انتهای تار بسته است، فاصله نزدیک ترین گره تا یک انتهای تار برابر با

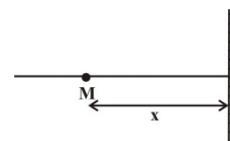
$$\frac{\lambda}{2} \text{ است، بنابراین:}$$

$$\frac{\lambda}{2} = 10 \Rightarrow \lambda = 20 \text{ cm}$$

از طرفی داریم:

$$v = \lambda f \rightarrow v = 0.2 \times 1800 = 360 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

## «۴» - گزینه ۴



روش اول: نقطه  $M$  را به فاصله  $x$  از مانع سخت در نظر بگیرید. اگر فاز موج تابش در نقطه  $M$  را  $\phi$  در نظر بگیریم، تا رسیدن به مانع، فاز به اندازه  $kx$  پس از برخورد به مانع به اندازه  $\pi$  و سپس در بازگشت و رسیدن به نقطه  $M$  مجدداً به اندازه  $kx$  تغییر می کند، بنابراین اختلاف فاز بین موج تابش و بازتاب در نقطه  $M$  برابر است با:

$$k = \frac{2\pi}{\lambda} = \frac{2\pi}{0 / 4} = 5\pi \frac{\text{rad}}{\text{m}}$$

$$\Delta\phi = 2kx + \pi$$

$$\Rightarrow \Delta\phi = 2 \times 5\pi \times \frac{1}{10} + \pi = 2\pi \text{ rad}$$

روش دوم: فاصله ۱۰ سانتی متر معادل با  $\frac{\lambda}{4}$  بوده که محل تشکیل شکم است.

بنابراین اختلاف فاز بین موج تابش و بازتاب در این نقطه مضرب صحیحی از  $2\pi$  است.

## «۴» - گزینه ۴

ابتدا از رابطه  $f_n = \frac{nV}{2L}$  سرعت انتشار موج عرضی در تار را حساب می کنیم.

دقت کنید چون در طول تار ۴ گره تشکیل شده است،  $n = 4 - 1 = 3$  است.

$$f_n = \frac{nV}{2L} \rightarrow f_3 = 150 \text{ Hz}, n = 3, L = 0.6 \text{ m} \rightarrow 150 = \frac{3V}{2 \times 0.6}$$

$$\Rightarrow V = 60 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

اکنون از رابطه  $V = \sqrt{\frac{F \cdot L}{m}}$  نیروی کشش تار را که برابر وزن جسم آویخته

شده به انتهای تار است، بدست می آوریم و سپس جرم آن را حساب می کنیم.

$$V = \sqrt{\frac{F \cdot L}{m}} \rightarrow \frac{m = 0.002 \text{ kg}, L = 0.6 \text{ m}, V = 60 \frac{\text{m}}{\text{s}}, F = Mg}{}$$



## شیمی پیش دانشگاهی

## ۴۱- گزینه «۲»

گزینه «۱»: همه آمین‌ها باز ضعیف‌اند.

گزینه «۲»: به عنوان مثال، تری‌متیل آمین، توانایی تشکیل پیوند هیدروژنی ندارد.

گزینه «۳»:  $K_b$  دی‌متیل آمین از اتیل آمین بزرگ‌تر است. پس اسید مزدوج آن ضعیفتر و پایدارتر از اسید مزدوج اتیل آمین خواهد بود.

گزینه «۴»: اتیل آمین باز قوی‌تری از متیل آمین است، پس پایداری کاتیون حاصل از آن نیز بیش‌تر خواهد بود.

## ۴۲- گزینه «۴»

گزینه «۱»: درست. دی‌کلرواتانوئیک‌اسید از فلورواتانوئیک اسید، قوی‌تر است.

گزینه «۲»: درست. متانوئیک‌اسید از پروپانوئیک‌اسید، قوی‌تر است.

گزینه «۳»: درست. کلرواتانوئیک اسید از برماتانوئیک اسید، قوی‌تر است.

گزینه «۴»: نادرست. با افزایش عدد اتمی هالوژن، الکترونگاتیوی آن کاهش یافته و  $K_a$  اسید نیز کاهش می‌یابد، بنابراین باز مزدوج حاصل، نایدارتر می‌شود.

## ۴۳- گزینه «۴»

ا تم هالوژن قدرت اسیدی کربوکسیلیک‌اسیدها را افزایش می‌دهد. هر چه تعداد هالوژن بیش‌تر و الکترونگاتیوی آن بالاتر باشد، اسید قوی‌تر شده و ثابت یونش (K<sub>a</sub>) آن بزرگ‌تر می‌گردد، یعنی:

$F_3CCOOH > Cl_2FCCOOH > Cl_3CCOOH$

$> Br_2CICCOOH$

## ۴۴- گزینه «۱»

افزوندن آهک به خاک باعث کاهش میزان اسیدی بودن و افزایش pH خاک می‌گردد.

## ۴۵- گزینه «۲»

گزینه «۱»: در همه آمینواسیدهای طبیعی گروه آمین روی همان کربنی قرار دارد که گروه کربوکسیلیک فرار می‌گیرد.

گزینه «۲»: آمینواسیدها به دلیل داشتن توان گروه اسید و آمین می‌توانند تبادل پروتون در داخل خود مولکول داشته باشند.

گزینه «۳»: ساده‌ترین آمینو اسید دارای فرمول مولکولی  $C_2H_5NO_2$  می‌باشد.

گزینه «۴»: گلیسین در اتانول نامحلول است.

## ۴۶- گزینه «۳»

اسید و باز سازنده  $CaCl_2$  به ترتیب  $HCl$  و  $Ca(OH)_2$  هستند که هر دو جزو اسید و بازهای قوی هستند، بنابراین نمک مورد نظر خنثی است سدیم سیانید، حاصل واکنش اسید ضعیف  $HCl$  و باز قوی  $NaOH$  است.

بنابراین  $CN^-$  آبکافت می‌شود و  $Na^+$  آبکافت نمی‌شود.

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه «۱»:  $KF$  حاصل واکنش اسید ضعیف  $HF$  و باز قوی  $KOH$  است. بنابراین نمک  $KF$  بازی است و در  $CH_3COONa$ ، تنها آنیون آبکافت می‌شود.

گزینه «۲»:  $NH_4NO_3$  حاصل واکنش اسید قوی  $HNO_3$  و باز ضعیف  $NH_3$  است. بنابراین نمک موردنظر اسیدی خواهد بود و در  $NH_4F$ ، آنیون و کاتیون هر دو آبکافت می‌شوند.

گزینه «۴»: اسید سازنده  $Ba(NO_3)_2$ ،  $Ba(OH)_2$  (اسید قوی) و باز سازنده آن  $Ba(OH)_2$  (باز قوی) است. بنابراین نمک مورد نظر خنثی است و در  $FeCl_3$ ، تنها کاتیون آبکافت می‌شود.



تعداد اتم کربن موجود در ۲۸ گرم از این ترکیب را بدست می‌آوریم:

$$\text{تعداد اتم} = \frac{\text{masa}}{\text{مولکول}} \times \frac{\text{مولکول}}{\text{مولC}_4\text{H}_8} \times \frac{\text{C}_4\text{H}_8}{\text{molC}_4\text{H}_8} \times N_A$$

$$\times \frac{C_{\text{atom}}}{C_4\text{H}_8} = 2N_A$$

شیمی ۳

## «۵- گزینهٔ ۳»

متیل سالیسیلات به عنوان طعم‌دهنده کاربرد دارد.

## «۵- گزینهٔ ۳»

بررسی موارد:

مورد اول) زنگ زدن آهن، ترش شدن شیر و تنفس تغییراتی شیمیایی می‌باشد که در طی آن مواد شیمیایی تازه‌ای به وجود می‌آید.

مورد دوم) رسوب زرد رنگ ایجاد شده سرب (II) کرومات می‌باشد.

مورد سوم) نادرست است.

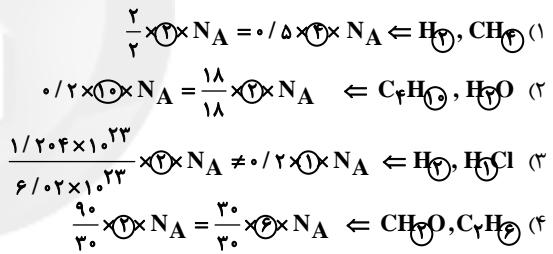
مورد چهارم) نماد  $\xrightarrow[1200^{\circ}\text{C}]{\Delta}$  به معنای گرمگیر یا گرماده بودن واکنش نمی‌باشد و نماد  $\xrightarrow{1200^{\circ}\text{C}}$  یعنی واکنش در دمای ۱۲۰۰ درجه سلسیوس انجام می‌شود.

## «۵- گزینهٔ ۳»

$$\text{O}^{2-} = 20 / 4\text{gAl}_2\text{O}_3 \times \frac{1\text{molAl}_2\text{O}_3}{10\text{gAl}_2\text{O}_3} \times \frac{3\text{molO}^{2-}}{1\text{molAl}_2\text{O}_3}$$

$$\times \frac{6/0.22 \times 10^{23} \text{O}^{2-}}{1\text{molO}^{2-}} \simeq 3/613 \times 10^{23} \text{O}^{2-}$$

## «۵- گزینهٔ ۳»



## «۵- گزینهٔ ۳»

با توجه به درصد کربن و هیدروژن در ترکیب آلی، فرمول تجربی ترکیب آلی را به دست می‌آوریم:

$$\begin{cases} \text{mol(H)} = \frac{14/3\text{g}}{1\text{g.mol}^{-1}} = 14/3\text{mol H} \\ \text{mol(C)} = \frac{85/7\text{g}}{12\text{g.mol}^{-1}} \simeq 7/14\text{mol C} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} \frac{H}{C} \simeq 2 \\ \frac{C}{C} = 1 \end{cases}$$

در یک ترکیب آلی که فقط H و C داشته باشد ( $\text{C}_x\text{H}_y$ )، به ازای سوختن

یک مول ترکیب آلی،  $\frac{y}{2}$  مول آب تولید می‌شود، بنابراین تعداد اتم (y)H موجود در فرمول مولکولی ترکیب آلی را بدست می‌آوریم:

$$1\text{C}_x\text{H}_y \sim \frac{y}{2}\text{H}_2\text{O}$$

$$0 / 5\text{molC}_x\text{H}_y = 36\text{gH}_2\text{O} \times \frac{1\text{molH}_2\text{O}}{18\text{gH}_2\text{O}} \times \frac{1\text{molC}_x\text{H}_y}{y\text{molH}_2\text{O}}$$

$\Rightarrow y = 8 \Rightarrow \text{C}_x\text{H}_8$  = فرمول مولکولی

$\Rightarrow (\text{CH}_2)_n = \text{C}_x\text{H}_8$  = فرمول مولکولی (ن)

$$\Rightarrow n = \frac{8}{2} = 4$$

فرمول مولکولی =  $\text{C}_4\text{H}_8$

## «۵- گزینهٔ ۳»

عبارت اول درست است. انتقالات A، B و C به ترتیب مربوط به خطوط بنفش، آبی و سبز است که در ناحیه ۴۰۰ تا ۵۰۰ نانومتر قرار دارند.  
عبارت دوم درست است. هرچه انرژی موج بیشتر باشد طول موج کمتر و فالصله خلوط رنگی نیز از هم کمتر می‌شود.  
عبارت سوم درست است.  
عبارت چهارم نادرست است.

عنصری با این شرایط در دوره چهارم قرار دارد، از طرف دیگر با توجه به اولین جهش می‌توان گفت، عنصر X در گروه ۱۵ جدول قرار می‌گیرد، بنابراین لایه ظرفیت عنصر X به صورت  $3s^2 3p^3$  است که ۵ الکترون ظرفیت دارد و با تعداد الکترون‌های ظرفیت اتم‌هایی با عدددهای اتمی ۲۳ ( $3s^2 3p^6$ ) و ۱۵ ( $3s^2 3p^3$ ) یکسان است. با توجه به آرایش الکترونی اتم X فقط عبارت اول درست است. زیرا، n هرچه که باشد، I می‌تواند مقادیر ۰ تا  $n-1$  را اختیار کند.

عبارت‌های دوم و سوم مثال نقض آن‌ها می‌تواند هیدروژن باشد.  
عبارت چهارم) همواره تعداد زیرلایه‌های یک لایه با عدد کواتنومی اصلی آن لایه برابر است.



سایت کنکور

**Konkur.in**