

502|B

دفترچه شماره ۱

آزمون شماره ۱۷

جمعه ۹۷/۱۲/۰۳



آزمون‌های سراسری کاج

گزینه درست را انتخاب کنید.

سال تحصیلی ۹۸-۹۷

سوالات آزمون

پایه دهم ریاضی

دورهی دوم متوسطه

شماره داوطلبی:	نام و نام خانوادگی:
مدت پاسخگویی: ۱۲۵ دقیقه	تعداد سوالاتی که باید پاسخ دهید: ۱۱۰

عنوانین مواد امتحانی آزمون گروه آزمایشی علوم ریاضی، تعداد سوالات و مدت پاسخگویی

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سوال	از	شماره سوال	مدت پاسخگویی
۱	فارسی ۱	۱۰	۱	۱۰	۱۰ دقیقه
۲	عربی، زبان قرآن ۱	۱۰	۱۱	۲۰	۱۰ دقیقه
۳	دین و زندگی ۱	۱۰	۲۱	۳۰	۱۰ دقیقه
۴	زبان انگلیسی ۱	۱۰	۳۱	۴۰	۱۰ دقیقه
۵	ریاضی ۱	۲۰	۴۱	۶۰	۴۰ دقیقه
	هندسه ۱	۱۰	۶۱	۷۰	
۶	فیزیک ۱	۲۰	۷۱	۹۰	۲۵ دقیقه
۷	شیمی ۱	۲۰	۹۱	۱۱۰	۲۰ دقیقه



502B

برای اطلاع از نتایج آزمون و نماندن دین اعلام آن در کانال تلگرام کاج عضو شوید. @Caj_ir





-۱ در کدام گزینه به معنی درست واژه‌های «تھیب - هیئت - جسارت - توش» اشاره شده است؟

- (۱) ناگوار - شکل - دلیری - اندازه
- (۲) ترسناک - انجمن - ناتوانی - اندوخته
- (۳) ترس آور - دسته - بی‌باکی - حد
- (۴) هولناک - گروه - گستاخی - توشه

-۲ معنی چند واژه رو به روی آن نادرست نوشته شده است؟

«خور: شاخه‌ای از دریا / وقارت: بی‌شرمی / ژئر: بالا / توسن: سرکشی / تجلی: جلوه‌گری / نسیان: رها کردن / مشیت: اراده / رُعب: هراس / تکلف: رنج بر خود نهادن / استدعا: خواهش کردن»

- (۱) چهار
- (۲) سه
- (۳) دو
- (۴) یک

-۳ در کدام بیت غلط املایی وجود دارد؟

تا زنده‌ام از چنگ منش کس نرهاند
کاندر دل من حسرت روی تو بماند
گر چشم من اندر عقبش سیل براند
فریاد برآید ز دل هرکه بخواند

(۱) گر بار دگر دامن کامی به کف آرم
(۲) ترسم که نمام من از این رنج دریغا
(۳) قاصد رود از پارس به کشتی به خراسان
(۴) فریاد که گر جور فراغ تو نویسم

-۴ کتاب «من زنده‌ام» به قلم کدام یک از شخصیت‌های نامبرده پدید آمده است؟

- (۱) مرتضی آوینی
- (۲) معصومه آباد
- (۳) رضا امیرخانی
- (۴) سپیده کاشانی

من و موش و ویرانه‌ی پیرزن
همان کس که دندان دهد نان دهد
گدا پادشاه است و نامش گداست
که راضی به قسم خداوند نیست

(۱) اگر جستم از دست این تیرزن
(۲) مخور هول ابلیس تا جان دهد
(۳) نگهبانی ملک و دولت بلاست
(۴) خداوند از آن بنده خرسند نیست

.....
که مقطوع روزی بود شرمناک
قبایش دریدند و دستش شکست
که مر خویشتن کرده را چاره چیست?
من و خانه من بعد و نان و پیاز

(۱) بخواه و مدارای پسر شرم و باک
(۲) قبا بست و چابک نور دید دست
(۳) همیگفت و بر خویشتن می‌گریست
(۴) بلاج وی باشد گرفتار آز

-۶ در کدام گزینه‌ها «شیوه‌ی بلاغی» دیده می‌شود، به جز.....

در کدام گزینه هر سه آرایه‌ی «استعاره - کنایه - جناس» وجود دارد؟

دوستان را جز به دیدار تو هیچ آهنگ نیست
تابر شتر نبندد محمول به روز باران
که جان به معركه‌ی عشق، چاه بر سر راه است
که بادش منانت بود همنشست

(۱) گر تو را آهنگ وصل ما نباشد گو مباش
(۲) با ساریان بگویید احوال آب چشم
(۳) در آرزوی تو ای ماه دست شسته‌ام از جان
(۴) بشوی ای خردمند از آن دوست دست

-۷ کدام گزینه با پیام عبارت «همه‌ی تاریخ اینجا حاضر است؛ بدرو خنین و عاشورا این جاست.» تناسب بیشتری دارد؟

با ظلم و ظالم هر زمان هر جا ستیزیدن
از پیچ و تاب نیست رهایی کمند را
ظلم ظالم خود مرا رنجور کرد
که از ظلم است مجرم یا که سالم

(۱) آینین مردی و ره مردان مرد این است
(۲) ظالم به ظلم خویش گرفتار می‌شود
(۳) خلق را ظالم ز دینست دور کرد
(۴) بیا برگ و زحال شاه ظالم



- ۹- کدام گزینه با آیه‌ی شریفه‌ی «أَلَا يَذْكُرُ اللَّهُ تَطْقِينُ الْقُلُوبُ» متناسب است؟

- ۱) بسیاری گفتاریم دل آرام نگرفت
- ۲) غم‌نم تسویه راحت دل غمگین
- ۳) کسی برگرفت از جهان کام دل
- ۴) نیایی به هر سویی از غم رها

- ۱۰- کدام گزینه با بیت «مپندار این شعله افسوده گردد / که بعد از من افروزد از مدقن من» ارتباط معنایی بیشتری دارد؟

- ۱) چون آتش عشق تو برا آرد شعله
- ۲) سخن عشق کند در دل افسرده اثر
- ۳) گهر در گوش بسیاری نماند لیک بعد از من
- ۴) بگشای تربتم را بعد از وفات و بنگر

زبان عربی

■ ■ عین الأصح والأدق في الجواب للترجمة أو المفهوم أو المفردات (۱۶ - ۱۱):

- ۱۱- «أَحَدُرْ جِيَرَانِي أَنْ يَبْتَعِدُوا عَنْ مِنْطَقَةِ الْخَطَرِ وَ لَا يَدِيرُوا رُؤُوسَهُمْ خَلْفَهُمْ!»:

- ۱) به همسایگانم هشدار دادم که از منطقه خطر دور شده و سرشان را به عقب برنگردانند!
- ۲) با هشدار به همسایگانم آن‌ها از محل خطر دور کردم تا سر خود را به پشت سر خود نگردانند!
- ۳) به همسایگانم هشدار می‌دهم که از محل خطر دور شوند و سرهایشان را به پشت سر خود نگردانند!
- ۴) به همسایگانم هشدار دادم که از محل خطر دور شده و سرها را به پشت سر برنگردانند!

- ۱۲- «مَا ذَهَبْنَا إِلَى الْمَدَائِنِ لَأَنَّهُ مَا كَانَ لَنَا سَاقِيٌّ يَعْرِفُهَا فَتَشَرَّفْنَا بِزِيَارَةِ الْعَتَبَاتِ الْمَقْدَسَةِ فَقِطُّ!»:

- ۱) به مدائن نرفتیم، زیرا راننده‌ای نداشتم که آن را بشناسد، پس فقط به زیارت عتبات مقدس مشرف شدیم!
- ۲) چرا به مدائن نمی‌رومیم با این‌که راننده‌ای نبود که آن‌جا را بشناسد، فقط به زیارت عتبات مقدس رفتیم!
- ۳) به مدائن نمی‌رومیم، زیرا راننده‌ای نداریم که آن را بشناسد، پس فقط به زیارت عتبات مقدس مشرف می‌شویم!
- ۴) چرا به مدائن نمی‌رومیم با این‌که راننده‌ای نداریم که آن را بشناسد، پس فقط به زیارت عتبات مقدس مشرف شدیم!

- ۱۳- «عُوْضُ نَقْصِ الْصَّوْءِ فِي تِلْكَ الْمَنْطَقَةِ بِاسْتِخْدَامِ الْمَصَابِيحِ الْمُضِيَّةِ لِإِنْارَتِهَا!»:

- ۱) کمبود نور در منطقه را با استفاده از چراغ‌های نورانی برای روشنایی آن جبران کردا!
- ۲) کمبود نور در آن منطقه را با به‌کارگیری چراغ‌های نورانی برای روشن کردن آن جبران کن!
- ۳) کاهش نور در آن منطقه را با به‌کارگیری لامپ‌های پرنور برای تأمین روشنایی آن جبران کردا!
- ۴) کمبود نور در آن منطقه را به کمک چراغ‌های نورانی برای روشنایی آن جبران کن!

- ۱۴- عین الصحيح:

- ۱) تعلق هذه القطة جروحها للالتيام بعد الحادث!؛ این گربه زخمش را بعد از حادثه برای بهبود یافتن می‌لیسدا!
- ۲) استعمل هذا العشب الطبي الوقاية عن ذلك المرض!؛ این گیاه دارویی را برای پیشگیری از آن بیماری مصرف کن!
- ۳) أَنْشَدُوا أَشْعَارًا عِنْدَ مَشَاهِدَةِ إِيَّوَانِ كَسْرَى!؛ هنگام دیدن طاق کسری شعرهایی بسراییدا!
- ۴) اجتنب كثرة الكلام لتبتعد عن الندامة!؛ از زیاد سخن گفتن دوری می‌کنم تا از پشیمانی دور شوی!

- ۱۵- عین ما هو أبعد عن مفهوم: «رَبَّنَا مَا خَلَقْتَ هَذَا بَاطِلًا»

- ۱) من نکردم خلق تا سودی کنم / لیک تا بر بندگان جودی کنم

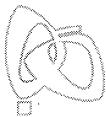
۲) «ما خلقت الجن والإنس إلا ليعبدون»

- ۳) هدف خلقت انسانی خود یاد آور / ره خود پوی و خدا جوی و بدان راه بروی

۴) الحق ثقيل مر و الباطل خفيف حلو!

- ۱۶- عین ما فيه الكلمة الغربية في المعنى:

- ۱) بطة - قطة - جرباء - بومة ۲) بَرَّى - مائي - محيطي - بحرى ۳) بنات - عُشب - غصن - غابة ۴) غدة - ذئب - عین - رأس
- forum.konkur.in



■ عین المناسب في الجواب عن الأسئلة التالية (٢٠ - ١٧):

١٧- عین جمع التكسير (مكسر) فاعلًا:

- (٢) أرسل الله الأنبياء مبشرين و منذرين.
 (٤) الأطباء يستعملون الأعشاب لمعالجة بعض الأمراض.

- (١) علينا أن ننتفع بأحاديث الأنمة والتبي الأكرم.
 (٣) وصلت أصوات الطيور إلى أذننا من بين الأشجار.

١٨- عین الصحيح في المحل الإعرابي على الترتيب: «أَغْلَبُ الْحَيَاوَاتِ إِضَافَةً إِلَى امْتِلاَكِهَا لِغَةً خَاصَّةً بِهَا تَمْتَلِكُ لِغَةً عَامَّةً.»

- (٢) مبتدأ - خبر - مضارب إليه - مفعول ثانٍ لـ «تمتلك»
 (٤) مبتدأ - خبر - فعل - صفة

- (١) مبتدأ - مضارب إليه - خبر - صفة
 (٣) فاعل - مضارب إليه - فعل - صفة

١٩- عین ما فيه مفعولان اثنان:

- (٢) من طلب شيئاً و جدّ وجد.
 (٤) هي تدير رأسها دون أن تحرك جسمها.

- (١) إكتشاف البكتيريا التي تعيش تحت عيون تلك الأسماك
 (٣) أنا أعلم كيفية استعمال العشب الطبي.

٢٠- عین الخطأ عن المحل الإعرابي:

- (٢) **«رَتَبَنَا** الذي أعطى كل شيء خلقه ثم هدى: مضارب إليه / مفعول
 (٤) **«وَانْصَرَنَا** على القوم الكافرين: مفعول / صفة

- (١) يحرسك العلم وأنت تحرس المال: فاعل / مفعول
 (٣) يحرسك العلم وأنت تحرس المال: فاعل / مفعول

دین و زندگی



٢١- مسروor بودن از رستگاری بزرگ در بهشت، مربوط به کدام نعمت در بهشت است؟

- (٢) رسیدن به مقام خشنودی خداوند
 (٤) نعمت‌های دائمی و همیشگی

- (١) وارد شدن از در مخصوص پیامبران و شهدایان
 (٣) سرای سلامتی (دارالسلام) بودن بهشت برای آنان

٢٢- طبق آیات ١٣٢ تا ١٣٥ سوره‌ی آل عمران، بهشتی که وسعت آن، وسعت آسمان‌ها و زمین است، برای چه کسانی آماده شده است؟

- (٤) متقيان

- (١) نیکوکاران
 (٢) مؤمنان

٢٣- کدام گزینه طبق آیات ٣٢ تا ٣٥ سوره‌ی معراج، از جمله موارد ویژگی‌های اهل بهشت نیست؟

- (٢) به راستی ادای شهادت کردن

- (٤) رعایت امانت و عهد

- (١) نیکوکاری در زندگی

- (٣) مواظبت بر نمار

٢٤- پاسخ نگهبانان جهنم به جهنمیان که از آنان تقاضای تخفیف در عذاب دارند، در کدام گزینه آمده است؟

- (١) آیا در دنیا به اندازه‌ی کافی به شما عمر داده نشده بود تا هر کس می‌خواست به راه راست آید؟

- (٢) امروز باید خودتان را سرزنش کنید و کسی شفاعت شما را نخواهد کرد.

- (٣) اگر در حیات دنیا، نیکوکار بودید، این سرانجام شما نبود.

- (٤) مگر پیامبران برای شما دلایل روشنی نیاورندند؟

٢٥- آیه‌ی **«إِنَّمَا يَأْكُلُونَ فِي بَطْوَنِيهِمْ نَارًا وَ سَيَصْلَوْنَ سَعِيرًا**»، به کدام‌یک از گونه‌های رابطه میان عمل و جزای آن، اشاره دارد؟

- (٤) تجسم نیت

- (١) قراردادی
 (٢) تجسم عمل

- (٣) طبیعی
 (٤) کدام گزینه از جمله موارد مهم گام گذاشتن در مسیر قرب الهی نیست؟

- (٤) محاسبه و ارزیابی

- (١) تصمیم و عزم برای حرکت
 (٢) عهد بستن با خدا

- (٣) نیت خوب داشتن

٢٧- کدام گزینه با توجه به آیه‌ی شریفه‌ی **«وَاصْبِرْ عَلَى مَا اصَابَكَ اَنْ ذَلِكَ مِنْ عَزْمِ الْاَمْرِ»** نادرست است؟

- (١) تصمیم و عزم برای حرکت یکی از اقدامات مهم برای گام گذاشتن در مسیر بندگی است.

- (٢) آنان که عزم ضعیفی دارند در برابر تنبیاد حوادث تاب نمی‌آورند و مشکلات راه، آنان را به عقبنشینی و ادار می‌کند.

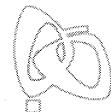
- (٣) این آیه سفارش لقمان حکیم به فرزندش است که راه و رسم زندگی را به او نشان می‌دهد.

- (٤) عزم و اراده‌ی محکم در انجام کارها معلول صبر داشتن در برابر مشکلات و سختی‌ها است.

٢٨- قرآن کریم، چه کسی را به عنوان نیکوترین اسوه، معرفی کرده است؟

- (٤) حضرت فاطمه (س)

- (١) حضرت علی (ع)
 (٢) امام حسین (ع)



۲۹- حدیث «حاسِبوا آنفُسکم قَبْلَ أَنْ تَحَاسِبُوهَا»، به کدام اقدام برای گام گذاشتن در مسیر قرب الهی، اشاره دارد؟

۴) عهد بستن

۳) مراقبت

۲) ارزیابی

۴) اجتناب از حرام

۳) انجام واجبات الهی

۲) خشنود ساختن خدا

۱) خالص ساختن نیت

502B



DriQ.com

زبان انگلیسی

PART A: Grammar and Vocabulary

Directions: Questions 31-35 are incomplete sentences. Beneath each sentence you will see four words or phrases, marked (1), (2), (3), and (4). Choose the one word or phrase that best completes the sentence. Then mark your answer sheet.

31- A: "Did you decorate the house?"

B: "Yes, my husband and I did most of it"

- | | |
|-------------------------|---------------------------|
| 1) yourself / ourselves | 2) yourselves / myself |
| 3) yourself / myself | 4) yourselves / ourselves |

32- I in my taxi reading the morning newspaper when the alarm in the bank across the street

- | | |
|--------------------------------|------------------------|
| 1) was sitting / went off | 2) sat / went off |
| 3) was sitting / was going off | 4) sat / was going off |

33- She couldn't deal with all the noise of working in the factory, so she her job.

- | | | | |
|---------|---------|----------|---------|
| 1) grew | 2) quit | 3) stuck | 4) held |
|---------|---------|----------|---------|

34- My father was a/an studying the virus, and when Diana got it he devoted his life to finding a cure.

- | | | | |
|------------|--------------|-------------|-------------|
| 1) thinker | 2) scientist | 3) inventor | 4) observer |
|------------|--------------|-------------|-------------|

35- If you get an infection, we'll have to put you on antibiotics immediately because your immune system is right now.

- | | | | |
|---------|---------|---------|----------|
| 1) hard | 2) tiny | 3) weak | 4) grave |
|---------|---------|---------|----------|

PART B: Reading Comprehension

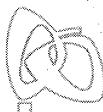
Directions: In this part of the test, you will read a passage. The passage is followed by five questions. Answer the questions by choosing the best choice, (1), (2), (3), or (4). Then mark your answer sheet.

What kind of car will we be driving in 2050? It will be rather different from the type we know today, with the next 30 years bringing greater change than the last 80 years. The people who will be designing the models of tomorrow believe that environmental problems may well accelerate the pace of the car's development. Today there are students on the transport design course at London's Royal College of Art.

Their vision is of a machine with three wheels instead of four, electrically powered, environmentally clean, and able to drive itself along "intelligent" roads equipped with built-in power supplies. Future cars will pick up their fuel during long journeys from a power source built into the road, or store it in small quantities for traveling in the city. Instead of today's seating arrangements – two in front, two or three behind, all facing forward – the 2050 car will have a multi-functional interior with adults and children in a family circle. This vision of the future car is based on a much more sophisticated road system, with strips built into motorways to supply power to vehicles passing along them. Cars will not need drivers, because computers will provide safe driving control and route finding. All that the driver will have to do is say where to go and the computer will do the rest. It will become impossible for cars to crash into each other. The technology already exists for the car to become a true automobile.

36- Car models are supposed to develop faster in the future because

- 1) the future customers prefer multi-functional cars
- 2) the future car designers will take environmental factors seriously into consideration
- 3) the future designers will prove more capable than the designers today
- 4) the car manufacturing industry will have to keep pace with other industries



37- Which of the following will make future roads truly "intelligent"?

- 1) They will have built-in fuel-feeding devices. 2) They will have a big storage of oil.
3) They will be very smooth and solid. 4) They will be environmentally clean.

38- According to paragraph 2, what brings about a family circle to the future car model?

- 1) the reform of seating arrangements 2) the backward-facing seats
3) the sophisticated equipment in the car 4) the multi-functional chairs

39- What does the word "automobile" in the last sentence specifically refer to?

- 1) cars that provide a safe trip 2) advanced vehicles
3) motor-powered machines 4) cars totally automatic

40- Generally, the passage focuses on

- 1) the development of automobiles 2) a vision of future cars and roads
3) different types of vehicles in the future 4) a research on car structure



ریاضیات

ریاضی (۱)

- علامت عبارت گویای $P(x) = \frac{(1-x)^3 x^2}{x^2 - x - 2}$ در بازه‌های $(-\infty, -1)$ و $(1, \infty)$ به ترتیب از راست به چپ کدام است؟

(۴) منفی - منفی

(۳) منفی - مثبت

(۲) مثبت - منفی

(۱) مثبت - مثبت

- علامت عبارت درجه دوم $ax^2 + bx + c$ در بازه‌ی $(-1, 0)$ مثبت و در نقاط بیرون این بازه نامثبت است. کدام گزینه صحیح است؟ $a = b < 0$ (۲) $b = -a > 0$ (۱) $a = b > 0$ (۴) $a = -b > 0$ (۳)- بزرگ‌ترین بازه‌ای که در آن عبارت $P(x) = \frac{6+x-x^3}{x^2-x+1}$ نامنفی است، کدام است؟

[-2, 3] (۴)

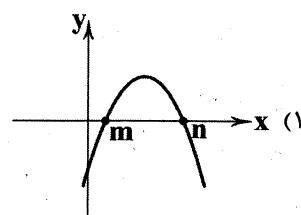
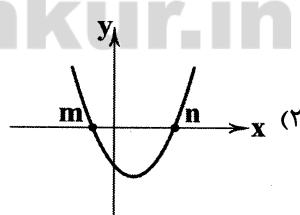
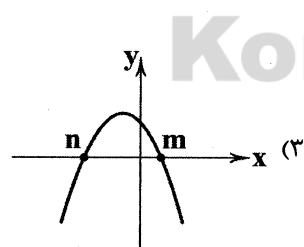
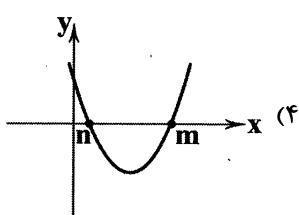
(-\infty, -2] (۳)

[2, +\infty) (۲)

[-3, 2] (۱)

- اگر عبارت $P(x) = mx^3 - x + n$ همواره نامنفی باشد، کدام گزینه لزوماً صحیح است؟ $mn < 0$ (۴) $n > 0$ (۳) $m < 0$ (۲) $mn > 1$ (۱)- اگر جدول تعیین علامت چندجمله‌ای درجه دوم $P(x)$ به صورت زیر باشد، نمودار $P(x)$ کدام می‌تواند باشد؟

x	$-$	m	$+$	n	$-$
$P(x)$	$-$	$+$	$+$	$-$	$-$

- بهازی چه مقادیری از m ، نمودار منحنی $y = mx^3 + 4x + m$ همواره زیر محور x ها است؟ $m > -2$ (۴) $-2 < m < 0$ (۳) $-2 < m < 2$ (۲) $m < -2$ (۱)- مقادیر تابع $f(x) = \frac{1}{3}x^3 + 3x + 4$ در بازه‌ی (a, b) کوچک‌تر از $\frac{3}{2}$ می‌باشد. بیشترین مقدار $a - b$ کدام است؟

۳ (۴)

۴ (۳)

۵ (۲)

۶ (۱)



۷



۴) بی شمار

۲) ۳

۴) ۲

۵) ۱

C-A > C-B (۴)

AC < BC (۳)

A-C < B-C (۲)

A+C < B+C (۱)

۴) چنین X ای وجود ندارد.

[۱, ۲) (۳)

({\frac{4}{3}}, ۲] (۲)

{۲} (۱)

(-\infty, ۲) \cup [۴, +\infty) (۴)

(-\infty, ۱) \cup (۲, +\infty) (۳)

-۴۸ - در مجموعه جواب نامعادله $\frac{(x^2 - 3x + 8)(x^2 - 4)}{|x - 3|(x^2 - 5x + 4)} \leq 0$ چند عدد صحیح وجود دارد؟

(-\infty, ۲) \cup (۴, +\infty) (۲)

(-\infty, ۲) \cup (۴, +\infty) (۱)

|x - \frac{3}{2}| < \frac{3}{2} (۴)

|x - \frac{5}{2}| < \frac{5}{2} (۳)

|x - \frac{5}{2}| < \frac{3}{2} (۲)

|x - \frac{3}{2}| < \frac{5}{2} (۱)

|x - ۲| \leq ۳ (۴)

|x - ۳| \geq ۲ (۳)

|x - ۳| \leq ۲ (۲)

|x - ۲| \geq ۳ (۱)

-۴۹ - اگر C عددی نامنفی و A < B باشد، کدام گزینه نادرست است؟
-۵۰ - بازای کدام مقادیر x، رابطه x - ۱ < ۵ - ۲x \leq ۲x - ۱ < ۵ بوقرار است؟

۰/۲ (۴)

۱/۲ (۳)

۱ (۲)

۰/۸ (۱)

-۵۱ - مجموعه جواب نامعادله $|x - ۱| < \frac{x+2}{3x-6}$ به صورت کدام بازه است؟

-۵۲ - اگر ۵ < ۲x - ۳ باشد، کدام گزینه صحیح است؟

-۵۳ - کدام نامعادله دارای جواب (۵, +\infty) \cup (-\infty, ۲) می باشد؟

-۵۴ - توپی را از بالای تپه ای به ارتفاع ۹ متر به بالا پرتاب می کنیم. اگر ارتفاع توپ از سطح زمین t ثانیه پس از پرتاب به صورت $y = -5t^2 + 6t + 9$ باشد، به مدت چند ثانیه توپ در ارتفاع بالای ۱۰ متر از سطح زمین خواهد بود؟-۵۵ - شکل جواب نامعادله $|x - ۱| < ۴$ روی محور کدام است؟

-۵۶ - چه تعداد از روابط زیر، یک تابع را مشخص می کند؟

(۱) یک خط

(۲) دو پاره خط

(۳) دو نیم خط

(۴) تپه

الف) رابطه ای که به هر عدد طبیعی، مقسوم علیه های آن را نسبت می دهد.

ب) رابطه ای که به هر عدد طبیعی، ریشه های پنجم آن را نشان می دهد.

پ) رابطه ای که به هر فرد، گروه خونی او را نسبت می دهد.

ت) رابطه ای که به هر فرد، قد او را نسبت می دهد.

ث) رابطه ای که به هر فرد، دوستان او را نسبت می دهد.

ج) رابطه ای که به هر عدد طبیعی، ریشه های چهارم آن را نسبت می دهد.

-۵۷ - اگر نمودار روبه رو معرف یک تابع باشد، a - b کدام است؟

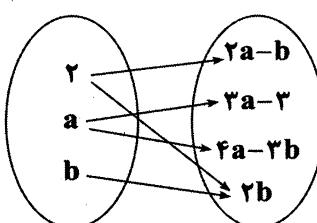
۵) ۴

۲ (۱)

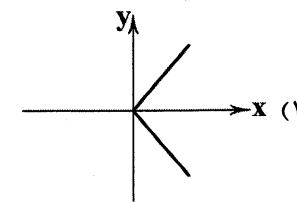
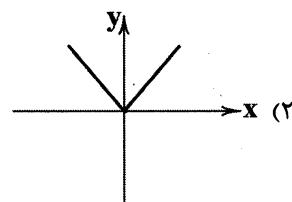
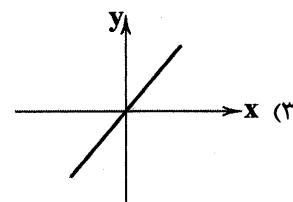
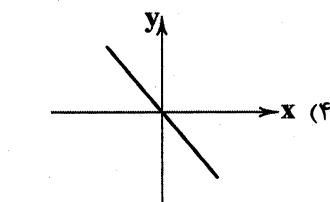
-۱ (۲)

۱ (۳)

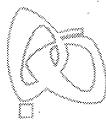
-۲ (۴)



Konkur.in

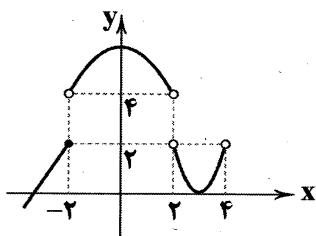
-۵۸ - کدام نمودار، نمودار تابع $\{(x, y) | x, y \in \mathbb{R}, y = |x|\}$ است؟

محل انجام محاسبات



- ۵۹- اگر رابطه‌ی $f = \{(1, 4), (2, 4), (1, m^2 - 12), (2, 4m)\}$ یک تابع باشد، چند مقدار مختلف برای m وجود دارد؟
 ۱) هیج مقدار ۲) ۳ ۳) ۲ (۲ ۴) ۱ (۱

- ۶۰- نمودار تابع $(x)f$ در شکل زیر رسم شده است. حداکثر چند نقطه از نقاط مجموعه‌ی $\{(-2, 4), (2, 4), (2, 2), (4, 2), (2, 0), (4, 0)\}$ را می‌توان به نمودار تابع $(x)f$ اضافه کرد، به طوری‌که تابع بودن آن از بین نرود؟
 ۱) ۱ ۲) ۲ ۳) ۳ ۴) ۴



هندسه (۱)

- ۶۱- در یک ضلعی محدب، تعداد قطرها دو برابر تعداد اضلاع است. کدام است؟
 ۱) ۴ ۲) ۳ ۳) ۲ (۲ ۴) ۱ (۱

- ۶۲- کدام ویژگی در مورد یک چندضلعی محدب، صحیح نیست؟
 ۱) پاره‌خطی که هر دو نقطه‌ی دلخواه از آن را به هم وصل کند، کاملاً درون چندضلعی قرار می‌گیرد.
 ۲) با در نظر گرفتن خط شامل هر ضلع، همهی نقاط چندضلعی در یک طرف آن خط قرار می‌گیرد.
 ۳) همهی زوایای آن کوچک‌تر از 180° است.
 ۴) تعداد قطرها همواره بزرگ‌تر یا مساوی تعداد اضلاع است.

- ۶۳- کدام گزینه‌ی زیر صحیح نیست؟
 ۱) چهارضلعی که قطرهای آن نیمساز زوایا باشند، یک لوزی است.
 ۲) مثلثی که میانه‌ی وارد بر یک ضلع، نصف آن ضلع باشد، قائم‌الزاویه است.
 ۳) چهارضلعی که دو ضلع برابر و دو قطر برابر داشته باشد، ذوزنقه‌ی متساوی‌الساقین است.
 ۴) چهارضلعی که قطرهای آن منصف یکدیگر باشد، متوازی‌الاضلاع است.

- ۶۴- از تقاطع نیمسازهای داخلی یک چهارضلعی، یک مربع به دست آمده است. این چهارضلعی کدام است؟
 ۱) مستطیل ۲) لوزی ۳) مربع ۴) متوازی‌الاضلاع

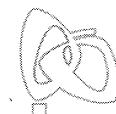
- ۶۵- در مثلث قائم‌الزاویه‌ی ABC، AH ارتفاع و AM میانه‌ی وارد بر وتر است. اگر $\frac{AH}{AM} = \frac{1}{2}$ باشد، اختلاف دو زاویه‌ی غیر قائم‌هه چقدر است؟
 ۱) 15° ۲) 60° ۳) 50° ۴) 30°

- ۶۶- در شکل زیر M و N وسط اضلاع AB و CD از متوازی‌الاضلاع ABCD قرار دارند. کدام گزینه‌ی صحیح نیست؟

$$\begin{aligned} \frac{S_{\Delta DEN}}{S_{\Delta ABE}} &= \frac{1}{9} \quad (2) \\ \frac{S_{\Delta END}}{S_{\Delta ADE}} &= \frac{1}{2} \quad (4) \end{aligned} \qquad AN = MC \quad (1)$$

$$AE = FC = \frac{2}{3} AN \quad (3)$$

- ۶۷- در لوزی ABCD به ضلع a، قطر بزرگ $\sqrt{3}a$ برابر قطر کوچک آن است. طول قطر کوچک کدام است؟
 ۱) $\frac{\sqrt{3}}{2}a$ ۲) a ۳) $\frac{\sqrt{3}}{2}a$ ۴) $\sqrt{3}a$



۶۸- قطر یک ذوزنقه متساوی الساقین بر ساق عمود است و با قاعده‌ی بزرگ‌تر زاویه‌ی α می‌سازد. بزرگ‌ترین زاویه‌ی این ذوزنقه کدام است؟

۹۰° + α (۴)

۹۰° - α (۳)

۲ α (۲)

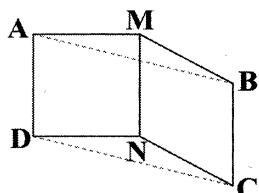
۱۸۰° - ۲ α (۱)

۶۹- کدام گزینه صحیح نیست؟

(۱) مرربع، لوزی است که قطرهای عمود بر هم دارد.

(۳) مستطیل، ذوزنقه‌ای است که دارای زاویه‌ی قائمه است.

۷۰- در شکل زیر AMND یک مرربع به ضلع a و MNCB یک لوزی با زاویه‌ی 60° می‌باشد. کدام گزینه در مورد چهارضلعی ABCD صحیح است؟



(۱) یک متوازی‌الاضلاع با زاویه‌ی 60° می‌باشد.

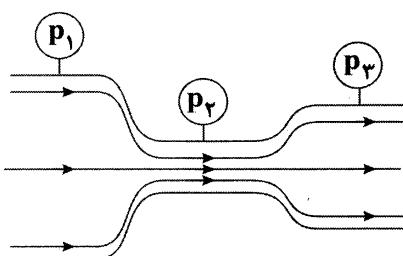
(۲) یک متوازی‌الاضلاع با زاویه‌ی 75° می‌باشد.

(۳) یک مستطیل است.

(۴) یک متوازی‌الاضلاع به ابعاد a و $2a$ می‌باشد.



۷۱- در شکل زیر، آب به طور پیوسته در لوله‌های افقی در حرکت است. کدام گزینه در مورد فشار نمایش داده شده توسط فشارسنج‌ها درست است؟



$P_3 > P_1 > P_2$ (۱)

$P_1 > P_3 > P_2$ (۲)

$P_1 > P_2 > P_3$ (۳)

$P_3 > P_2 > P_1$ (۴)

۷۲- شاره‌ای با جریان لایه‌ای و یکنواخت، با تندي $\frac{2 \text{ cm}}{\text{s}}$ درون لوله‌ای در جریان است. اگر بخواهیم تندي شاره را دو برابر کنیم، سطح مقطع لوله چند درصد و چگونه باید تغییر کند؟

(۱) ۵۰٪ - کاهش یابد

(۲) ۲۵٪ - کاهش یابد

(۳) ۵۰٪ - افزایش یابد

(۴) ۲۵٪ - افزایش یابد

۷۳- بال‌های هوایپما طوری طراحی شده‌اند که تندي هوا در بال‌ای بال از زیر آن است. در نتیجه، فشار هوای بال‌ای بال، از فشار هوای زیر آن است. (به ترتیب از راست به چپ)

(۱) کمتر - بیشتر

(۲) بیشتر - کمتر

(۳) بیشتر - بیشتر

(۴) کمتر - کمتر

۷۴- کدامیک از گزینه‌های زیر درست است؟

۲۳۸K = -۲۹°F (۴)

۱۷۳K = -۱۰۲°F (۳)

K = -۴۰۰ / ۴°F (۲)

۲۹۳K = ۶۸°F (۱)

۷۵- کمیت دماسنگی، در کدام دماسنگ زیر با بقیه متفاوت است؟

(۱) بیشینه - کمینه

(۲) چیوهای

(۳) الکلی

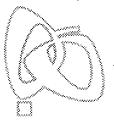
۷۶- دماسنگی نقطه‌های انجامد و جوش آب را به ترتیب ۵۵ و ۲۷۵ درجه نشان می‌دهد. اگر این دماسنگ در آب $20^\circ C$ قرار بگیرد، چند درجه را نشان می‌دهد؟

۲۰۹ (۴)

۱۹۲/۵ (۳)

۱۸۲ (۲)

۱۷۵ (۱)



- ۷۷- از دماسنج معمولاً در مراکز پرورش گل و گیاه، باغداری، هواشناسی و غیره استفاده می‌شود.

- (۱) گازی (۲) بیشینه - کمینه (۳) ترموموپل (۴) تابشی

- ۷۸- در توجیه انبساط گرمایی، مبتنی بر دیدگاه می‌توان نشان داد با افزایش دمای جسم جامد، افزایش می‌یابد و در نتیجه، جسم جامد منبسط می‌شود و در مایع با افزایش دما، افزایش می‌یابد. (به ترتیب از راست به چپ)

(۱) ماکروسکوپی - فاصله‌ی متوسط بین اتم‌ها - حرکت کاتورهای اتم‌ها و مولکول‌ها

(۲) میکروسکوپی - فاصله‌ی متوسط بین اتم‌ها - حرکت کاتورهای اتم‌ها و مولکول‌ها

(۳) ماکروسکوپی - فاصله‌ی متوسط بین اتم‌ها - فاصله‌ی متوسط بین اتم‌ها و مولکول‌ها

(۴) میکروسکوپی - حرکت کاتورهای اتم‌ها - حرکت کاتورهای اتم‌ها و مولکول‌ها

- ۷۹- دمای یک میله‌ی مسی $C = 30^\circ$ است. هنگامی که دمای آن را به $40^\circ K$ می‌رسانیم، طول آن 17% درصد افزایش می‌یابد، ضریب انبساط طولی مس چند واحد SI است؟

- (۱) $4/55 \times 10^{-5}$ (۲) $4/55 \times 10^{-6}$ (۳) 17×10^{-5} (۴) 17×10^{-6}

- ۸۰- طول میله‌ی فلزی A پنج برابر طول میله‌ی فلزی B است. اگر $\frac{\Delta L_A}{\Delta L_B} = \alpha_A$ باشد، وقتی تغییر دمای دو میله یکسان است، نسبت کدام است؟

- (۱) $\frac{3}{5}$ (۲) $\frac{1}{15}$ (۳) $\frac{5}{3}$ (۴) 15

- ۸۱- اگر دمای میله‌ای از جنس سرب را ۱ کلوین افزایش دهیم، چقدر به طول آن اضافه می‌شود؟ (ضریب انبساط طولی سرب $\frac{1}{K} = 29 \times 10^{-6}$ است.)

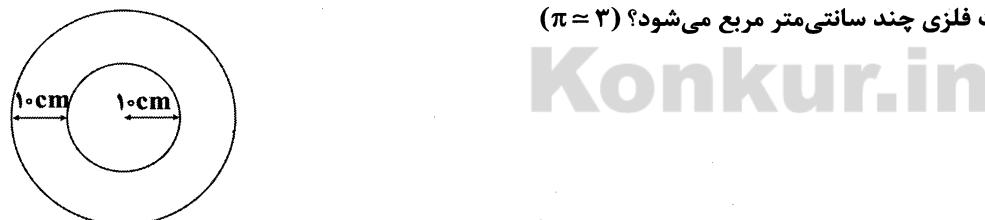
- (۱) 29×10^{-6} برابر طول اولیه (۲) $2/9$ میکرون بهازای هر یک متر از طول میله

- (۳) 29×10^{-4} متر بهازای هر یک متر از طول میله

- ۸۲- مساحت یک صفحه‌ی فلزی در دمای θ_2 چند برابر مساحت آن در دمای θ_1 است؟ (ضریب انبساط طولی فلز α و دمای اولیه ورقه صفر درجه‌ی سلسیوس فرض شود).

- (۱) $\frac{1 + \alpha \theta_2}{1 + \alpha \theta_1}$ (۲) $\frac{1 + \alpha \theta_2}{1 + \alpha \theta_1}$ (۳) $\frac{\alpha \theta_2}{1 + \alpha \theta_1}$ (۴) $1 + \frac{\alpha \theta_2}{\theta_1}$

- ۸۳- مطابق شکل زیر، یک نوار فلزی حلقوی به پهنای 10 cm از فلزی با ضریب انبساط طولی $4 \times 10^{-4} \text{ K}^{-1}$ ساخته شده است. اگر دمای نوار را $50^\circ C$ کاهش دهیم، مساحت قسمت فلزی چند سانتی‌متر مربع می‌شود؟ ($\pi \approx 3$)



(۱) ۳۶

(۲) ۸۶۴

(۳) ۶۳

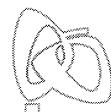
(۴) ۹۳۶

- ۸۴- نسبت ضریب انبساط حجمی یک جامد به ضریب انبساط سطحی آن تقریباً برابر است با:

- (۱) $\frac{1}{3}$ (۲) $\frac{2}{3}$ (۳) $\frac{3}{2}$ (۴) $\frac{3}{2}$

- ۸۵- ابعاد یک مکعب مستطیل فلزی 1 m ، 3 m و 5 m است. اگر دمای این مکعب مستطیل را 200 کلوین افزایش دهیم، طول هر ضلع آن درصد طول اولیه‌اش، افزایش می‌یابد. حجم این جسم در اثر این افزایش دما به چند مترمکعب می‌رسد؟

- (۱) $0/36$ (۲) $0/48$ (۳) $15/36$ (۴) $15/48$



- ۸۶- کدام گزینه در مورد مقایسه ضریب انبساط حجمی جامدها و ضریب انبساط حجمی مایعات درست است؟
- (۱) ضریب انبساط حجمی جامدها و مایعات عموماً در یک بازه قرار دارند.
 - (۲) ضریب انبساط حجمی جامدها عموماً از مایعات بسیار کمتر است.
 - (۳) ضریب انبساط حجمی جامدها عموماً از مایعات بسیار بیشتر است.
 - (۴) هیچ قاعده‌ی عمومی برای مقایسه ضریب انبساط حجمی جامدها و مایعات وجود ندارد.

- ۸۷- ظرفی فلزی پر از مایع است. با گرمادان یکنواخت به مجموعه‌ی ظرف و مایع، بر حجم ظرف 4cm^3 اضافه شده و 100cm^3 از مایع نیز از طرف بیرون می‌ریزد. ضریب انبساط حجمی مایع چند برابر ضریب انبساط طولی فلز است؟

۱۸ (۴) ۲۶ (۳) ۳۲ (۲) ۷۸ (۱)

- ۸۸- کدام یک از گزینه‌های زیر، رابطه‌ی بین چگالی و دما را به درستی نشان می‌دهد؟

$$\frac{\rho_1}{\rho_2} = 1 + \beta \Delta T \quad (۳) \quad \frac{\rho_2}{\rho_1} = 1 + \beta \Delta T \quad (۲) \quad \frac{\rho_1}{\rho_2} = 1 - \beta \Delta T \quad (۱)$$

- ۸۹- دمای یک قطعه فلز با ضریب انبساط طولی $\alpha = 10^{-4} \text{ }^\circ\text{C}^{-1}$ را 100 درجه‌ی سلسیوس افزایش می‌دهیم، چگالی آن تقریباً چند درصد و چگونه تغییر می‌کند؟

۱) 1% ، افزایش ۲) 1% ، کاهش ۳) 3% ، افزایش ۴) 3% ، کاهش

- ۹۰- آب در دمای 4 درجه‌ی سلسیوس به ترتیب از راست به چپ، دارای حجم و چگالی است.

۱) کمترین - بیشترین ۲) بیشترین - کمترین ۳) بیشترین - کمترین ۴) کمترین - کمترین



DriQ.com

شیمی

- ۹۱- برای رصد کردن پیوسته‌ی دمای کره‌ی زمین در سرتاسر نقاط آن، دانشمندان از چه تعداد از ابزارهای زیر استفاده می‌کنند؟

- ماهواره‌ها

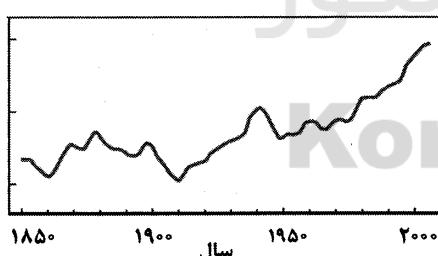
- گوییچه‌های شناور در دریاها

- بالون‌های هواشناسی

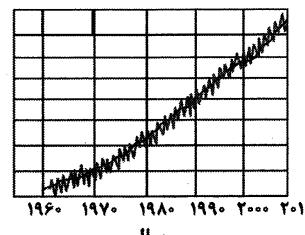
- کشتی‌های اقیانوس‌پیما

۱) (۴) ۲) (۳) ۳) (۲) ۴) (۱)

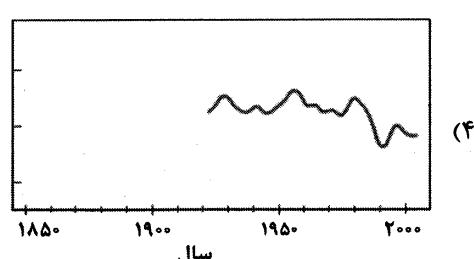
- ۹۲- کدام یک از نمودارهای زیر را می‌توان به میانگین جهانی سطح زمین در سده‌های اخیر نسبت داد؟



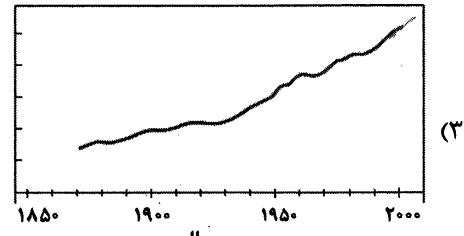
(۲)



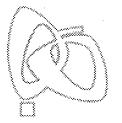
(۱)



(۴)



(۳)



-۹۳- در اثر سوزاندن سوخت‌های فسیلی چه تعداد از آلاینده‌های زیر وارد هواکره می‌شوند؟

NO •

۲ (۴)

۵ (۳)

C_xH_y •N₂O •

۴ (۲)

CO •

SO₂ •

۳ (۱)

-۹۴- یک درخت تنومند، ماهانه به طور میانگین در حدود چند کیلوگرم کربن دی‌اکسید مصرف می‌کند؟

۱۵۰ (۲)

۴ (۴)

۱۲ (۱)

۵۰ (۳)

-۹۵- ترکیب مقدار برق تولیدشده به‌ازای تولید مقدار معینی CO₂ از منابع مختلف انرژی الکتریکی به کدام صورت درست است؟

(۱) نفت خام < زغال سنگ < گاز طبیعی < گرمای زمین < انرژی خورشید < باد

(۲) زغال سنگ < نفت خام < گاز طبیعی < انرژی خورشید < گرمای زمین < باد

(۳) باد < انرژی خورشید < گرمای زمین < گاز طبیعی < زغال سنگ < نفت خام

(۴) باد < گرمای زمین < انرژی خورشید < گاز طبیعی < نفت خام < زغال سنگ

-۹۶- کدام‌یک از مطالب زیر نادرست است؟

(۱) مهم‌ترین گاز گلخانه‌ای، فراوان‌ترین ترکیب موجود در هوای پاک و خشک است.

(۲) دانشمندان پیش‌بینی می‌کنند دمای کره‌ی زمین تا ۸۰ سال آینده بین ۴/۱ تا ۸ درجه‌ی سلسیوس افزایش می‌یابد.

(۳) ردپای CO₂ نشان می‌دهد در تولید یک محصول یا بر اثر انجام یک فعالیت، چه مقدار از این گاز تولید و وارد هواکره می‌شود.

(۴) شواهد نشان می‌دهند که فصل بهار در نیمکره‌ی شمالی زمین، نسبت به ۵۰ سال گذشته در حدود یک هفته زودتر آغاز می‌شود.

-۹۷- کدام‌یک از مطالب زیر درست است؟

(۱) تنها بخش کوچکی از پرتوهای خورشیدی که از هواکره عبور می‌کنند، توسط زمین جذب می‌شود.

(۲) زمین بخش قابل توجهی از گرمای جذب شده را به صورت پرتوهای الکترومغناطیسی با طول موج بیشتر از ۷۰۰ نانومتر از دست می‌دهد.

(۳) لایه‌ی اوزون برای زمین همانند لایه‌ی پلاستیکی برای گلخانه است و سبب گرم شدن کره‌ی زمین می‌شود.

(۴) وجود گازهای گلخانه‌ای در هواکره از هر نظر برای ساکنین زمین زیانبار است.

-۹۸- چه تعداد از عبارت‌های زیر در مورد دمای بیرون و درون یک گلخانه در یک روز زمستانی درست است؟

(آ) بالاترین دمای درون گلخانه، بیش تر از بالاترین دمای بیرون گلخانه است.

(ب) میانگین دمای درون گلخانه، بیش تر از میانگین دمای بیرون گلخانه است.

(پ) پایین‌ترین دمای درون گلخانه، بیش تر از پایین‌ترین دمای بیرون گلخانه است.

(ت) تفاوت میان پایین‌ترین و بالاترین دمای درون گلخانه، کم تر از تفاوت میان پایین‌ترین و بالاترین دمای بیرون گلخانه است.

۲ (۲)

۴ (۴)

۱ (۱)

۳ (۳)

-۹۹- کدام مطالب زیر در مورد سوخت‌های مختلف شامل بنزین، گاز طبیعی، زغال‌سنگ و گاز هیدروژن درست‌اند؟

(آ) سوختی که در مقایسه با بقیه قیمت بالاتری دارد، هیچ‌گونه گاز گلخانه‌ای تولید نمی‌کند.

(ب) زغال‌سنگ در مقایسه با بقیه سوخت‌ها، ارزان‌تر بوده و فراورده‌های حاصل از سوختن آن نیز متنوع‌تر است.

(پ) مقایسه‌ی گرمای آزاد شده از آن‌ها بر حسب $kJ \cdot g^{-1}$ به صورت هیدروژن < بنزین < گاز طبیعی < زغال‌سنگ است.

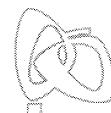
(ت) فراورده‌های حاصل از سوختن بنزین و گاز طبیعی یکسان هستند.

(۴) «پ»، «ت»

(۳) «ب»، «ت»

(۲) «آ»، «پ»

(۱) «آ»، «ب»



- حل ویدئویی سوالات این دنچه را در [وسایت DriQ.com](http://DriQ.com) مشاهده کنید.
- ۱۰۰ - چه تعداد از مطالب زیر دربارهٔ واکنش تبدیل گاز نیتروژن به گاز نیتروژن مونوکسید درست است؟
- آ) این واکنش درون موتور خودرو انجام می‌شود.
 - ب) دلیل اصلی انجام این واکنش، واکنش پذیری نسبتاً بالای نیتروژن است.
 - پ) هنگام رعدوبرق این واکنش در جهت برگشت انجام می‌شود.
 - ت) شمار مول‌های گازی در این واکنش تغییر نمی‌کند.

۱) (۴)

۲) (۳)

۳) (۲)

۴) (۱)

- ۱۰۱ - کدام مطالب زیر دربارهٔ دفن کردن CO_2 و تبدیل آن به مواد معدنی درست‌اند؟
- آ) برای تبدیل CO_2 به مواد معدنی از CaCO_3 یا CaO استفاده می‌شود.
 - ب) دفن کردن CO_2 و تبدیل آن به مواد معدنی با این‌که موجب کاهش آلودگی محیط‌زیست می‌شوند، اما ردپای سنگینی روی کرهٔ زمین برجای می‌گذارند.
 - پ) سنگ‌های متخلخل در زیر زمین، میدان‌های قدیمی گاز و چاههای قدیمی نفت، جاهای مناسبی برای دفن گاز CO_2 هستند.
 - ت) معادلهٔ واکنش تبدیل CO_2 به مواد معدنی با کاهش شمار مول‌های مواد همراه است.

۴) «پ»، «ت»

۳) «ب»، «ت»

۲) «آ»، «پ»

۱) «آ»، «ب»

- ۱۰۲ - اگر مخلوطی مایع شامل اوزون و اکسیژن را گرم کنیم، ابتدا مولکول‌های از مخلوط جدا می‌شوند و پس از آن با گذشت زمان تا جدا شدن دومین ذره، شدت رنگ آبی مخلوط می‌باید.

۲) کاهش O_3 ۱) افزایش O_2 ۴) کاهش O_3 ۳) افزایش O_2

- ۱۰۳ - کدام‌یک از مطالب زیر درست است؟

- ۱) در صنعت از اوزون مایع برای گندزدایی میوه‌ها، سبزیجات و از بین بردن جانداران ذربینی درون آب استفاده می‌شود.
- ۲) گازهای اکسیژن و اوزون، آلوتروپ (هم‌شکل) یکدیگر محسوب می‌شوند.
- ۳) اوزون در نخستین لایهٔ هواکره (تروپوسفر) مانند پوششی کرهٔ زمین را احاطه کرده است.
- ۴) مقدار اوزون در هواکره ناچیز است.

- ۱۰۴ - تولید کدام‌یک از موارد زیر با اهداف توسعهٔ پایدار، هم‌خوانی ندارد؟

- ۱) گاز هیدروژن
- ۲) سوخت سبز
- ۳) پلاستیک‌های زیست تخریب‌ناپذیر
- ۴) خودرو و هوایپما با انتشار کمترین مقدار CO_2

- ۱۰۵ - کدام موارد پیشنهادشده برای کامل کردن عبارت زیر مناسب هستند؟

- «..... ثابت، میان و یک نمونهٔ گاز، رابطهٔ مستقیم وجود دارد.»
- آ) دمای - حجم - فشار
 - پ) حجم - دمای - فشار
 - پ) فقط «پ»
 - آ) «آ»، «ب»

- ۱۰۶ - کدام‌یک از عبارت‌های زیر، بیان درست‌تری از قانون آووگادرو است؟

- ۱) در شرایط استاندارد، $10^{23} \times 10^6$ اتم از گازهای گوناگون، $4/22$ لیتر حجم را اشغال می‌کنند.
- ۲) در شرایط استاندارد، $10^{23} \times 10^6$ مولکول از گازهای گوناگون، $4/22$ لیتر حجم را اشغال می‌کنند.
- ۳) در دما و فشار یکسان، حجم یک مول از گازهای گوناگون با هم برابر است.
- ۴) در دما و فشار یکسان، گازها به نسبت‌های حجمی معین با هم واکنش می‌دهند.



۱۰۷- کدامیک از مطالب زیر نادرست است؟

- (۱) حجم یک نمونه گاز با حجم ظرف محتوی آن برابر است.
- (۲) با کاهش فشار یک نمونه گاز، فاصله‌ی بین مولکول‌های آن افزایش می‌یابد.
- (۳) مایع‌ها به شکل ظرف محتوی آن‌ها درمی‌آیند و همانند جامد‌ها و برخلاف گازها، تراکم‌ناپذیرند.
- (۴) قرار دادن بادکنک‌های پرشده از هوا، درون نیتروژن مایع سبب می‌شود که حجم آن‌ها اندکی کاهش یابد.

۱۰۸- کدامیک از مطالب زیر درست است؟

- (۱) شمار پیوندهای اشتراکی در مولکول اوزون، دو برابر شمار آن‌ها در مولکول اکسیژن است.
- (۲) در مولکول اوزون، اتم‌های اکسیژن در راستای یک خط قرار گرفته‌اند.
- (۳) در واکنش $2O_2(g) \rightarrow 3O_3(g)$ ، پایداری فراورده، بیشتر از واکنش‌دهنده است.
- (۴) هنگامی که تابش فرابنفش به مولکول اوزون می‌رسد، پیوندهای اشتراکی موجود در آن شکسته شده و سه اتم اکسیژن تولید می‌شود.

۱۰۹- حجم یک نمونه گاز به چه تعداد از کمیت‌های زیر بستگی دارد؟

- | | |
|-----------|--------------------------------------|
| • دما | • مقدار گاز |
| • فشار | • شمار اتم‌های سازنده‌ی هر مولکول آن |
| ۱) ۴ | ۲) ۱ |
| ۴) ۳ | ۳) ۲ |
| ۴) اوزون | ۲) کربن دی‌اکسید |
| ۳) اکسیژن | ۱) کربن مونوکسید |
- ۱۱۰-** یک گرم از کدامیک از گازهای زیر در شرایط یکسان، حجم کمتری اشغال می‌کند؟ ($C=12, O=16: g.mol^{-1}$)

سایت کنکور

Konkur.in

دفترچه شماره ۲

آزمون شماره ۱۷

جمعه ۹۷/۱۲/۰۳



آزمون‌های سراسری گاج

گزینه درست را انتخاب کنید.

سال تحصیلی ۱۳۹۷-۹۸

پاسخ‌های تشریحی

پایه دهم ریاضی

دوره‌ی دوم متوسطه

شماره داوطلبی:

نام و نام خانوادگی:

مدت پاسخگویی: ۱۲۵ دقیقه

تعداد سوالاتی که باید پاسخ دهید: ۱۱۰

عنوانی مواد امتحانی آزمون گروه آزمایشی علوم ریاضی، تعداد سوالات و مدت پاسخگویی

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سوال	شماره سوال		مدت پاسخگویی
			از	تا	
۱	فارسی ۱	۱۰	۱	۱۰	۱۰ دقیقه
۲	عربی، زبان قرآن ۱	۱۰	۱۱	۲۰	۱۰ دقیقه
۳	دین و زندگی ۱	۱۰	۲۱	۳۰	۱۰ دقیقه
۴	زبان انگلیسی ۱	۱۰	۳۱	۴۰	۱۰ دقیقه
۵	ریاضی ۱	۲۰	۴۱	۶۰	۴۰ دقیقه
	هندسه ۱	۱۰	۶۱	۷۰	
۶	فیزیک ۱	۲۰	۷۱	۹۰	۲۵ دقیقه
۷	شیمی ۱	۲۰	۹۱	۱۱۰	۲۰ دقیقه

برای اطلاع از تابع آزمون و زمان دقیق اعلام آن در کانال تلگرام گاج عضو شوید. @Gaj_ir



آزمون‌های سراسری کاج

ویراستاران علمی	ظرف احان	دروس
ابوالفضل مزرعی - اسماعیل محمدزاده مسیح گرجی - مریم نوری‌نیا	امیرنجات شجاعی - مهدی نظری	فارسی
حسام حاج مؤمن - شاهو مرادیان سید مهدی میرفتحی - منیزه خسروی مختار حسامی	راضیه یادگاری	زبان عربی
بهاره سلیمی	محمد رضا عابدی شاهرودی	دین و زندگی
پریسا فیلو	امید یعقوبی فرد	زبان انگلیسی
پگاه افتخار - سودابه آزاد مریم ولی عابدینی	ندا فرهختی - سیجان سیف‌اللهی راد امید حیدری - بهروز درزده	ریاضی ۱
محمدحسین جوان وحید فتاحی - مروارید شاهحسینی	ندا فرهختی	هندسه ۱
ایمان زارعی - امین بابازاده رضیه قربانی - امیرشهریار قربانیان	علی امامت	فیزیک
	مریم تمدنی	شیمی

آماده‌سازی آزمون

مدیریت آزمون: ابوالفضل مزرعی

بازبینی و نظارت نهایی: سارا نظری

برنامه‌ریزی و هماهنگی: مریم جمشیدی عینی - مینا نظری

ویراستاران فنی: بهاره سلیمی - سانا زلایی - آمنه قلی‌زاده - مروارید شاهحسینی - مریم پارسائیان

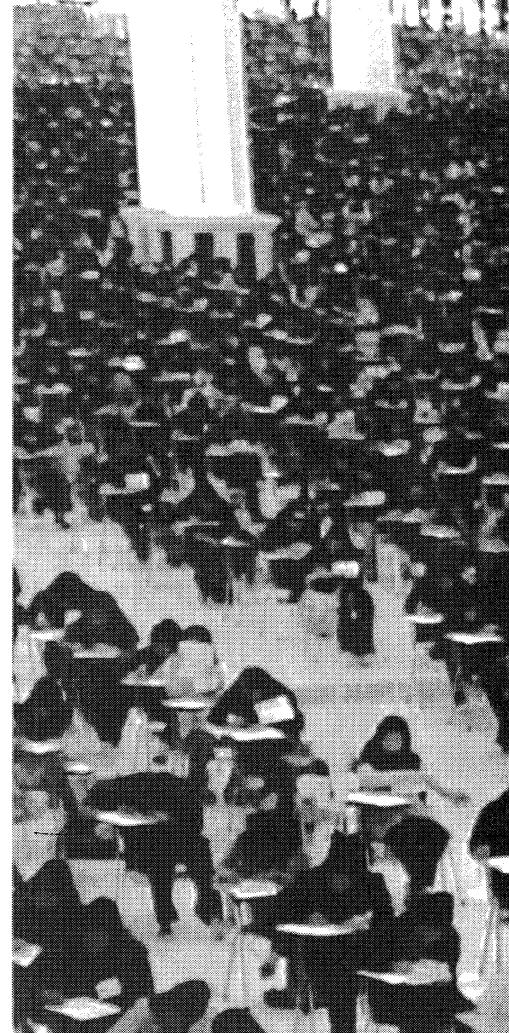
مدیر فنی: مهرداد شمسی

سرپرست واحد فنی: سعیده قاسمی

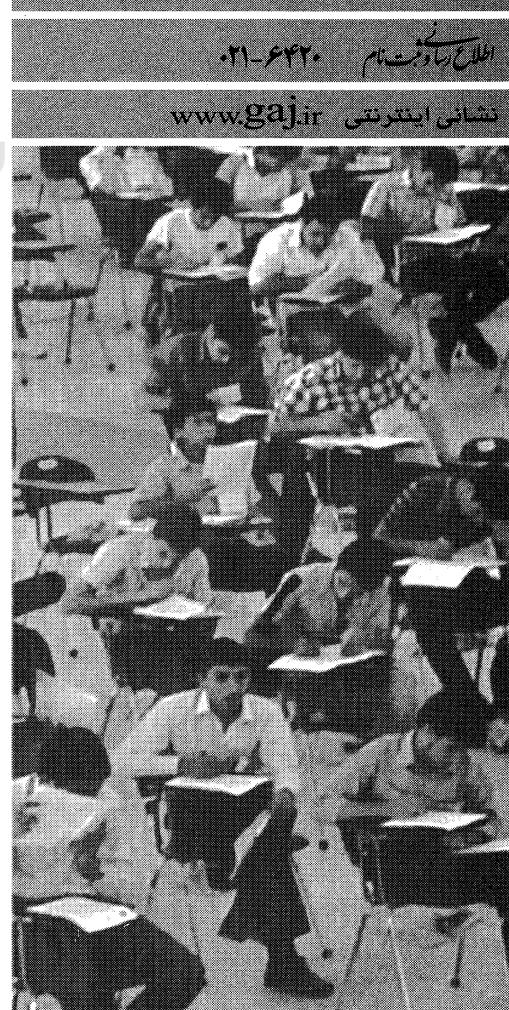
طراح شکل: فاطمه میناسرشت

حروف‌نگاران: پگاه روزبهانی - زهرا نظری‌زاد - سارا محمودنسب - نرگس اسودی - فرهاد عبدی

امور چاپ: عباس جعفری



دفتر مرکزی تهران، خیابان انقلابی بین
جهانگره و لیکنسر (عج) و
جبلان فلسطین، شماره ۹۱۹



به نام خدا

حقوق دانشآموزان در آزمون‌های سراسری گاج

داوطلب‌گرامی: با سلام در اینجا شما را با بخشی از حقوق خود در آزمون‌های سراسری گاج آشنا می‌نماییم:

- ۱- اطلاعات شناسنامه‌ای و آموزشی شما مانند نام، نام خانوادگی، جنسیت و گروه آزمایشی بایستی به صورت صحیح در بالای پاسخ‌برگ درج شده باشد.
- ۲- آزمون‌های سراسری گاج باید راس ساعت اعلام شده در دفترچه، شروع و خاتمه یابد.
- ۳- محل برگزاری آزمون باید از لحاظ سرمایش و گرمایش، نور کافی، نظافت و سایر موارد در حد مطلوب و استاندارد باشد.
- ۴- سوالات آزمون‌های سراسری گاج بایستی نزدیک‌ترین سوالات به کنکور سراسری باشد و عاری از هرگونه اشکال علمی و تایپی باشد.
- ۵- در هنگام برگزاری آزمون باید تغذیه رایگان دریافت نمایید.
- ۶- بعد از هر آزمون و به هنگام خروج از جلسه آزمون بایستی پاسخ‌نامه‌ی تشریحی هر آزمون را دریافت نمایید.
- ۷- کارنامه‌ی هر آزمون بایستی در همان روز آزمون به روش‌های ذیل تحويل شما گردد:

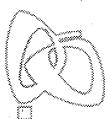
• مراجعه به سایت گاج به نشانی www.gaj.ir

• مراجعه به نمایندگی.

- ۸- خدمات مشاوره‌ای رایگانی که در طی ۱ مرحله آزمون (ویژه داوطلبان آزاد) ارائه می‌گردد شامل:
 - برگزاری جلسه مشاوره حضوری به صورت انفرادی حداقل یکبار در طی هر آزمون توسط رابط تحصیلی.
 - تماس تلفنی حداقل ۲ بار در طی هر آزمون توسط رابط تحصیلی.
 - تماس تلفنی با اولیا حداقل یکبار در هر فاز [آزمون‌های سراسری گاج در چهار فاز تابستانه، ترم اول، ترم دوم و جامع برگزار می‌گردد].
 - بررسی کارنامه آزمون توسط رابط تحصیلی در هر آزمون.

چنانچه در هر یک از موارد فوق کمبود و یا نقصی مشاهده نمودید لطفاً بلاfacilه با تلفن ۰۲۱—۶۴۲۰ تماس حاصل نموده و مراقب را اطلاع دهید.





زبان عربی

■■ درست ترین و دقیق ترین جواب را در ترجمه، مفهوم و یا کلمات مشخص کن (۱۶ - ۱۱):

۱۱ **أحدّر:** هشدار می‌دهم؛ فعل مضارع است. [رد سایر گزینه‌ها]
روسویم: سرهایشان؛ «رؤوس» جمع است. [رد سایر گزینه‌ها]

۱۲ **ما ذهباً:** نزفتم؛ فعل مضارع منفی است. [رد سایر گزینه‌ها]
تشرفنا: مشرف شدیم؛ فعل مضارع است. [رد گزینه‌های (۲) و (۳)]

۱۳ **غَوْض:** جیران کن؛ فعل امر است. [رد گزینه‌های (۱) و (۳)]
استخدام: به کارگیری [رد گزینه (۴)]

۱۴ **دلایل رد سایر گزینه‌ها:**
(جروح: زخم‌ها، جمع است.)

ترجمه: این گریه زخم‌هایش را برای بهبود یافتن بعد از حادثه می‌لیسد.
(آن‌شدوا: سروند؛ فعل مضارع است.)

ترجمه: هنگام مشاهده ایوان کسری شعرهایی را سروند.
(اجتنب: دور شو؛ فعل امر است.)

ترجمه: از زیاد سخن گفتن دوری کن تا از پشمیانی دور شوی!
۱۵ **ترجمة عبارت:** «پروردگار این را بیهوود نیافریدی!»

ترجمة سایر گزینه‌ها:

(۱) «جن و انسان را نیافریدم مگر برای این که مرا عبادت کنند».
(۴) «حق، سنتگین و تلح و باطل، سبک و شیرین است».

۱۶ **ترجمة گزینه‌ها:**
(۱) اردک - گریه - آفتاب پرست - جند (۲) خشکی - آبی - اقیانوسی - دریابی
(۳) دختران - علف - شاخه - جنگل (۴) غدّه - دم - چشم - سر

■■ گزینه مناسب را در پاسخ به سوالات زیر مشخص کن (۱۷ - ۱۶):
۱۷ در این گزینه «أصوات» جمع مکسر است و نقش فاعل را دارد.

ترجمه: صدای پرندگان از میان درختان به گوشمن رسانید.
بررسی سایر گزینه‌ها:

(۱) أحاديث: جمع مکسر و مجرور به حرف جز / الأئمة: جمع مکسر و مضاف إلينه
(۲) الأنبياء: جمع مکسر و مفعول

(۴) الأطباء: جمع مکسر و مبتدا / الأعشاب: جمع مکسر و مفعول / الأمواض: جمع مکسر و مضاف إلينه

۱۸ **ترجمة عبارت:** برخی حیوانات علاوه بر دارا بودن زبان خاص خودشان زبان عامیانه‌ای دارند.

أغلب: مبتداً / الحيوانات: مضاف إلينه / تمتلك: فعل (خبر) / عامة: صفت (نعمت)
در این عبارت «رأس» و «جسم» مفعول هستند.

ترجمه: او بدون این که جسمش را حرکت دهد، سرش را می‌چرخاند.
بررسی سایر گزینه‌ها:

(۱) البكتيريا: مفعول
ترجمه: باکتری‌ای را کشف کرد که زیر چشم‌های آن ماهی‌ها زندگی می‌کند.

(۲) شيئاً مفعول
ترجمه: هر کس چیزی را بخواهد و تلاش کند، می‌باید.

(۳) كيفية: مفعول
ترجمه: من کیفیت (چگونگی) استفاده گیاه دارویی را می‌دانم.

۲۰ **رمضان:** مضاف إلينه
ترجمه: «ماه رمضان (ماهی است) که در آن قرآن نازل شد.»

فارسی

۱ **معنی درست واژه‌ها:** مهیب: ترسناک، ترس‌آور، هولناک / هیئت: گروه، دسته، انجمان / جسارت: دلیری، بی‌باکی و گستاخی / توشه: توشه و اندوخته، توانایی تحمل سنگینی یا فشار

۲ **معنی درست واژه‌ها:** توسعن: اسب سرکش، متضاد رام (توسعی: سرکشی) / نسیان: فراموشی

۳ **املای درست واژه:** فراق: دوری، هجران (فراغ: آسایش)
۴ **من زندام:** معصومه آباد

۵ **بررسی سایر گزینه‌ها:**

۱) اگر (پیوند وابسته‌ساز) جستم از دست این تیززن (جمله‌ی وابسته) من و موش و ویرانه پیززن (جمله‌ی هسته)

۲) مخور هول ابلیس (جمله‌ی هسته) تا (پیوند وابسته‌ساز) جان دهد.
(جمله‌ی وابسته) / همان کس نان دهد (جمله‌ی هسته) که (پیوند وابسته‌ساز) دندان دهد (جمله‌ی وابسته)

۳) خداوند از آن بندۀ خرسند نیست (جمله‌ی هسته) که (پیوند وابسته‌ساز) راضی به قسم خداوند نیست. (جمله‌ی وابسته)

۶ **بررسی سایر گزینه‌ها:**

۱) **تقدّم فعل بر اجزای دیگر:** مدار ای پسر شرم و باک / مقطوع روزی بود شمناک

۲) **تقدّم فعل بر اجزای دیگر:** چابک نور دید دست

۴) **تقدّم فعل بر اجزای دیگر:** بلاجوی باشد گرفتار آز / آمدن قید در میان معطوف‌ها: من و خانه من بعد و نان و پیاز

۷ **استعاره:** ماه: استعاره از معشوق
کنایه: دست شستن: کنایه از صرف نظر کردن

جناس: ماه، چاه، راه (جناس ناقص) / در، بر، سر (جناس ناقص)

۸ **مفهوم مشترک عبارت سؤال و گزینه (۱):** ظلم‌ستیزی

مفهوم سایر گزینه‌ها:

۲) عاقبت وخیم ظلم / مکافات عمل

۳) ستمگری مانع دین داری و عامل رنج است.

۴) توصیه به افسای ظلم

۹ **مفهوم مشترک آیه‌ی شریفه و گزینه (۴):** آرامش بخش بودن یاد خدا

مفهوم سایر گزینه‌ها:

۱) توصیف ناکامی و بی قراری

۲) لذت رنج عاشقی / غم‌پرستی عاشق

۳) کامیابی در وصال معشوق است.

۱۰ **مفهوم مشترک بیت سؤال و گزینه (۴):** جاودانگی عشق

مفهوم سایر گزینه‌ها:

۱) ویرانگری و گدازندگی عشق

۲) بی تأثیر بودن عشق در دل نالایق

۳) جاودانگی سخن



دقت کنید: به دلیل جمع بودن فاعل و ضمیر تأکیدی در جمله‌ی A، در جمله‌ی A نیز "you" جمع به حساب می‌آید و از ضمیر تأکیدی جمع (در این مورد "yourselves") استفاده می‌شود.

۲۲ وقتی که آری در بانک آن سوی خیابان به صدا درآمد، در تاکسی ام نشسته بودم [و] روزنامه‌ی صبح را می‌خواندم.

توضیح: در صورتی که عملی در گذشته در حال انجام بوده باشد و در این حین عمل کوتاه‌تری اتفاق بیفتد، برای عمل طولانی تر از زمان گذشته‌ی استمراری (در این مورد "was sitting") و برای عمل کوتاه‌تر از زمان گذشته‌ی ساده (در اینجا "went off") استفاده می‌شود.

۲۳ او نمی‌توانست تمام سر و صدای کار کردن در کارخانه را تحمل کند، بنابراین کارش را ترک کرد.

- (۱) رشد کردن؛ پرورش دادن
- (۲) ترک کردن؛ رها کردن
- (۳) چسبیدن؛ چسباندن؛ فرو کردن
- (۴) نگه داشتن؛ برگزار کردن

۲۴ پدرم دانشمندی بود که در مورد آن ویروس مطالعه می‌کرد و هنگامی که دیانا به آن مبتلا شد، او (پدرم) زندگی اش را وقف یافتن درمانی [برای آن] کرد.

- (۱) متنکر، اندیشمند
- (۲) دانشمند
- (۳) مخترع
- (۴) مشاهده‌کننده

۲۵ اگر دچار عفونت شوید، باید فوراً به شما آنتی‌بیوتیک تجویز کنیم چون در حال حاضر سیستم ایمنی [بدن] شما ضعیف است.

- (۱) سخت؛ دشوار
- (۲) بسیار کوچک، ریز
- (۳) ضعیف، ناتوان
- (۴) جدی، مهم؛ [بیماری] خطناک

در [سال] ۲۰۵۰، چه نوع اتومبیلی را می‌رانیم؟ (با چه جور اتومبیلی رانندگی می‌کنیم؟) با [توجه به این‌که] ۳۰ سال آینده تغییرات عظیم‌تری به نسبت ۸۰ سال گذشته به همراه خواهد داشت، آن با نوع [اتومبیلی] که امروزه می‌شناسیم نسبتاً متفاوت خواهد بود. افرادی که مدل‌های آینده را طراحی خواهند کرد، معتقدند که مشکلات زیستمحیطی ممکن است سرعت [رونده] پیشرفت اتومبیل‌ها را بسیار تسريع کند. امروزه دانشجویانی در دوره‌ی طراحی حمل و نقل در کالج هنر رویال لندن وجود دارند (درس می‌خوانند).

تصویر آن‌ها اتومبیلی با سه چرخ به جای چهار [جرخ]، دارای نیروی برق، به لحاظ زیستمحیطی پاک، و قادر به راندن خودش در امتداد جاده‌های «هوشمند» مجهز به منابع برق توکار است. اتومبیل‌های آینده، در طول سفرهای طولانی سوختشان را از منابع برق ساخته‌شده [در] داخل جاده‌ها می‌گیرند یا آن را در مقادیر کم برای سفر در شهر ذخیره می‌کنند. به جای [ترتیب] چیدمان صندلی‌های امروزی - دو تا جلو، دو یا سه تا عقب، همه رو به جلو - اتومبیل ۲۰۵۰ ساختار درونی چندکاره‌ای با [حضور] بزرگسالان و بچه‌ها در جمع خانواده خواهد داشت. این تصویر اتومبیل آینده برا سراسر سیستم جاده‌ای بسیار پیشرفت‌تری، همراه نووارهای ساخته‌شده [در] داخل بزرگراه‌ها است تا برق را برای وسایل نقلیه‌ای که از آن‌ها عبور می‌کنند، تأمین کند.

اتومبیل‌ها به راننده نیاز نخواهند داشت، زیرا کامپیوترها کنترل رانندگی امن و مسیریابی را فراهم خواهند کرد. تمام آن‌چه که راننده مجبور خواهد بود تا انجام دهد گفتن این است که کجا بروند و کامپیوتر باقی [کار] را انجام خواهد داد. برای اتومبیل‌ها تصادف کردن با یک دیگر غیرممکن خواهد شد. همین حالا تکنولوژی [مورد نیاز] برای خودرو وجود دارد تا [تبدیل به] اتومبیل واقعی شود.

دین و زندگی

۲۱ بهشتیان بالاترین نعمت بهشت، یعنی رسیدن به مقام خشنودی خداوند را برای خود می‌یابند و از این رستگاری بزرگ مسرورند.

۲۲ در تدبر صفحه‌ی ۸۶، در ترجمه‌ی آیات ۱۳۲ تا ۱۳۵ سوره‌ی آل عمران آمده است که «و شتاب کنید برای رسیدن به آمرزش پروردگاران و بهشتی که وسعت آن، آسمان‌ها و زمین است و برای متقیان آمده شده است.»

۲۳ در تدبر صفحه‌ی ۸۶، در ترجمه‌ی آیات ۳۲ تا ۳۵ سوره‌ی معراج آمده است که «و آن‌ها که امانت‌ها و عهد خود را رعایت می‌کنند و آن‌ها که به راستی ادای شهادت کنند و آن‌ها که بر نماز مواظبت دارند، آنان در باغ‌های بهشتی گرامی داشته می‌شوند.»

۲۴ دوزخیان به نگهبانان جهنم رو می‌آورند تا آن‌ها برایشان از خدا تخفیفی بگیرند، ولی فرشتگان می‌گویند: مگر پیامبران برای شما دلایل روشنی نیاوردنند؟

توجہ: گزینه‌ی (۱) پاسخ قطعی خداوند به دوزخیان است، نه نگهبانان جهنم.

۲۵ در صفحه‌ی ۹۰ و در بحث جسم عمل، به آیه‌ی ۱۰ سوره‌ی نساء اشاره شده است که «کسانی که می‌خورند اموال یتیمان را از روی ظلم، جز این نیست که آتشی در شکم خود فرو می‌برند و به زودی در آتشی فروزان درآیند.»

۲۶ برای گام گذاشتن در مسیر قرب الهی و همچنین برای ثابت قدم ماندن در این راه شایسته است اقدامات تصمیم و عزم برای حرکت، عهد بستن با خدا، مراقبت، محاسبه و ارزیابی را انجام دهیم.

۲۷ لقمان حکیم در راستای سفارش به فرزندش آیه‌ی شریقه‌ی «و اصیر علی ما اصباک ان ذلك من عزم الامر: بر آن چه (در این مسیر) به تو می‌رسد صبر کن که این عزم و اراده‌ی در کارها هست.» را می‌گوید تا راه و رسم زندگی را به او نشان دهد؛ همچنین با توجه به این آیه می‌توان دریافت که تصمیم و عزم برای حرکت یکی از اقدامات مهم برای گام گذاشتن در مسیر بندگی است و آنان که عزم ضعیفی دارند در برابر تدبیاد حوادث تاب نمی‌آورند و مشکلات را، آنان را به عقبنشینی وادر می‌کند. عزم و اراده‌ی محکم در انجام کارها علت صبر داشتن در برابر مشکلات و سختی‌ها است (معلوم).

۲۸ قرآن کریم، پیامبر (ص) را به عنوان الگو معرفی می‌کند و می‌فرماید: «رسول خدا برای شما نیکوترین اسوه است.»

۲۹ پیامبر اکرم (ص) در راستای محاسبه و ارزیابی از اقدامات گام گذاشتن در مسیر قرب الهی فرموده‌اند: «حسوسکم قبل ان تحاسبو: به حساب خود رسیدگی کنید، قبل از این‌که به حساب شما برسند.»

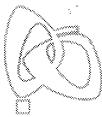
۳۰ عهد بستن با خدا: کسی که راه رستگاری را که همان قرب و نزدیک شدن به خداست شناخته و می‌خواهد در این مسیر قدم بگذارد با خدای خود پیمان می‌بندد که آن‌چه خداوند برای رسیدن به این هدف مشخص کرده است، یعنی واجبات الهی را انجام دهد و خداوند را خشنود سازد؛ همچنین از انجام آن‌چه که ما را از این هدف دور می‌سازد، یعنی کارهای حرام، اجتناب کند.

زبان انگلیسی

۳۱ A: «خانه را خودتان تزئین کردید؟»

B: «بله، من و همسرم بیشتر آن را خودمان انجام دادیم.»

توضیح: با توجه به این‌که ضمیر تأکیدی در جای خالی دوم به فاعل اول شخص جمع (my husband and I) اشاره دارد، در جای خالی دوم از "ourselves" استفاده می‌کنیم.



۴۲ $x = -1$ ریشه‌های معادله $ax^2 + bx + c = 0$ باشند و چون بین دو ریشه، علامت عبارت، مثبت است، پس ضریب x^2 یعنی a منفی است، پس داریم:

$$\left\{ \begin{array}{l} x = 0 \\ x = -1 \end{array} \right. \Rightarrow c = 0 \text{ ریشه است.}$$

$$\left\{ \begin{array}{l} x = 0 \\ x = -1 \end{array} \right. \Rightarrow a - b = 0 \Rightarrow a = b < 0.$$

$$6 + x - x^2 = 0 \Rightarrow -(x^2 - x - 6) = 0.$$

۴۳

$$\Rightarrow -(x - 3)(x + 2) = 0 \Rightarrow \begin{cases} x = 3 \\ x = -2 \end{cases}$$

$$x^2 - x + 1 = 0 \quad \frac{\Delta < 0}{a > 0} \Rightarrow x^2 - x + 1 > 0.$$

x	-2	3
$x^2 - x + 1$	+	+
$P(x)$	-	+

بنابراین $P(x)$ در بازه‌ی $[-2, 3]$ نامنفی است.

$$P(x) = mx^2 - x + n \geq 0.$$

همواره داریم:

۴۴

$$\Rightarrow \begin{cases} \Delta \leq 0 \\ a > 0 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} (-1)^2 - 4mn \leq 0 \\ m > 0 \end{cases} \Rightarrow 4mn \geq 1 \Rightarrow mn \geq \frac{1}{4} > 0.$$

$$\Rightarrow \begin{cases} n > 0 \\ m > 0 \\ mn \geq \frac{1}{4} \end{cases}$$

با توجه به جدول تعیین علامت زیر

۴۵

x	m	n
$P(x)$	-	+

ما بین دو ریشه‌ی m و n ($m < n$), نمودار در بالای محور X ها و در طرفین این ریشه‌ها نمودار در پایین محور قرار دارد. پس گزینه‌ی (۱) می‌تواند جواب موردنظر باشد.

۴۶ چون باید این نمودار همواره زیر محور X ها باشد، باید $\Delta < 0$ باشد.

$$\Delta < 0 \Rightarrow 16 - 4(m)(m) < 0 \Rightarrow 16 - 4m^2 < 0 \quad \frac{x^2}{4} >$$

$4 - m^2 < 0$	m	-2	2
	-	+	-

$$m \in (-\infty, -2) \cup (2, +\infty) \quad (1)$$

$$a < 0 \Rightarrow m \in (-\infty, 0) \quad (2)$$

$$(1) \cap (2) \Rightarrow m \in (-\infty, -2)$$

بنابراین گزینه‌ی (۱) یعنی $-2 < m$ صحیح می‌باشد.

۴۷ تصویر می‌شود که مدل‌های اتومبیل‌ها در آینده سریع تر پیشرفت کنند چون که

(۱) مشتری‌های آینده اتومبیل‌های چندکاره را ترجیح می‌دهند

(۲) طراحان اتومبیل آینده عوامل زیستمحیطی را به صورت جدی مدنظر قرار خواهند داد

(۳) طراحان آینده از طراحان امروزی تواناتر به اثبات خواهند رسید

(۴) صنعت تولید خودرو باید پایه‌ای سایر صنایع پیش برود

۴۸ ۱ کدام‌یک از موارد زیر جاده‌های آینده را حقیقتاً «هوشمند» خواهد ساخت؟

(۱) آن‌ها دستگاه‌های تغذیه‌ی سوخت توکار خواهند داشت.

(۲) آن‌ها ذخیره‌ی بزرگی از نفت خواهند داشت.

(۳) آن‌ها بسیار هموار و سخت خواهند بود.

(۴) آن‌ها به لحاظ زیستمحیطی پاک خواهند بود.

۴۹ ۱ طبق پاراگراف ۲، چه چیزی جمع خانواده را برای مدل اتومبیل آینده محقق خواهد ساخت؟

(۱) اصلاح [ترتیب] چیدمان صندلی‌ها (۲) صندلی‌های رو به عقب

(۳) تجهیزات پیشرفت‌های در اتومبیل (۴) صندلی‌های چندکاره

۵۰ ۱ کلمه‌ی “automobile” (اتومبیل) در جمله‌ی آخر به طور ویژه به چه چیزی اشاره دارد؟

(۱) اتومبیل‌هایی که سفر امنی را فراهم می‌کنند

(۲) وسایل نقلیه‌ی پیشرفت‌های

(۳) دستگاه‌های موتوردار

(۴) اتومبیل‌های کاملاً اتوماتیک

۵۱ ۱ پیشرفت اتومبیل‌ها به طور کلی، این متن بر روی تمرکز می‌کند.

(۱) تصویری از اتومبیل‌ها و جاده‌های آینده

(۳) انواع مختلف وسایل نقلیه در آینده

(۴) پژوهشی در مورد ساختار اتومبیل

۶ ریاضیات

۴۱

$$P(x) = \frac{(1-x)^3 x^2}{x^2 - x - 2}$$

$$(1-x)^3 = 0 \Rightarrow 1-x = 0 \Rightarrow x = 1$$

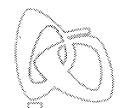
عبارت $(1-x)^3$ با عبارت $(-x-1)$ هم علامت است، زیرا $(1-x)^3$ همواره نامنفی است.

$$x^2 = 0 \Rightarrow x = 0, x^2 \geq 0$$

$$x^2 - x - 2 = 0 \quad \Delta = 1 - 4(-2) = 9 \Rightarrow x = \frac{-(-1) \pm \sqrt{9}}{2(1)} = \frac{1 \pm 3}{2} = \begin{cases} 2 \\ -1 \end{cases}$$

x	-1	0	1	2
$(1-x)^3$	+	+	+	-
x^2	+	+	+	+
$x^2 - x - 2$	+	-	-	+
$P(x)$	+	-	+	-

بنابراین در بازه‌ی $(0, \infty)$ منفی و در بازه‌ی $(-1, 0)$ مثبت است.



$$\begin{aligned} |2x-3| < 5 \Rightarrow -5 < 2x-3 < 5 &\xrightarrow{+3} -2 < 2x < 8 \\ \xrightarrow{\div 2} -1 < x < 4 &\xrightarrow{-\left(\frac{-1}{2} = \frac{3}{2}\right)} -1 - \frac{3}{2} < x - \frac{3}{2} < 4 - \frac{3}{2} \\ \Rightarrow -\frac{5}{2} < x - \frac{3}{2} < \frac{5}{2} &\Rightarrow |x - \frac{3}{2}| < \frac{5}{2} \end{aligned}$$

$$\begin{cases} x \geq 5 \\ x \leq 1 \end{cases} \xrightarrow{-\left(\frac{5+1}{2} = 3\right)} x - 3 \geq 2 \quad x - 3 \leq -2 \Rightarrow |x - 3| \geq 2$$

$$y > 1 \Rightarrow -5t^2 + 6t + 9 > 1 \\ \Rightarrow -5t^2 + 6t + 9 - 1 > 0 \Rightarrow -5t^2 + 6t - 1 > 0$$

حال کافی است عبارت درجه دوم $-5t^2 + 6t - 1$ را تعیین علامت کنیم:

$$-5t^2 + 6t - 1 = 0 \Rightarrow \Delta = 6^2 - 4(-5)(-1) = 36 - 20 = 16$$

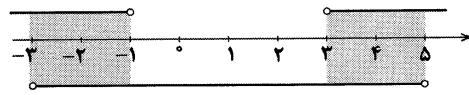
$$t = \frac{-6 \pm \sqrt{16}}{2(-5)} = \frac{-6 \pm 4}{-10} \Rightarrow \begin{cases} t = \frac{-10}{-10} = 1 \\ t = \frac{-2}{-10} = 0.2 \end{cases}$$

$$\begin{array}{c|cc} t & 0.2 & 1 \\ \hline -5t^2 + 6t - 1 & - & + \end{array}$$

در بازه‌ی زمانی $(1/2, 1)$ یعنی به مدت $1/8 = 0.125$ ثانیه، ارتفاع توپ از سطح زمین، بیشتر از ۱۰ متر است.

$$|x-1| < 4 \Rightarrow -4 < x-1 < 4 \xrightarrow{+1} -3 < x < 5 \quad (1)$$

$$|x-1| > 2 \Rightarrow \begin{cases} x-1 > 2 \Rightarrow x > 3 \\ x-1 < -2 \Rightarrow x < -1 \end{cases} \quad (2)$$



جواب به صورت دو پاره خط است. $\Rightarrow (1) \cap (2) = (-3, -1) \cup (3, 5)$

۵۶ روابط «الف»، «ث» و «ج» به هر ورودی، ممکن است بیش از یک خروجی را ارتباط دهند:

الف) هر عدد، می‌تواند بیش از یک مقسوم‌علیه داشته باشد. مثلًا برای عدد ۱۲، مقسوم‌علیه‌های ۱، ۲، ۳، ۴ و ۶ وجود دارد.

ث) هر فرد، می‌تواند بیش از یک دوست داشته باشد.

ج) هر عدد مثبت، دو ریشه‌ی چهارم (و کلاً ریشه‌ی زوج) دارد.

سه مورد «ب»، «پ» و «ت»، به هر ورودی، یک خروجی نسبت می‌دهند، پس تابع هستند.

۵۷ یک نمودار پیکانی به شرطی تابع است که از هر کدام از اعضای مجموعه‌ی اول، یک پیکان خارج شود و اگر دو پیکان خارج شود، حتماً باید دو عضو انتهایی پیکان، مساوی باشند. در نتیجه:

$$2a-b=2b \Rightarrow 2a=3b \Rightarrow a=\frac{3}{2}b$$

$$3a-3=4a-3b \Rightarrow a-3b=-3$$

با حل دستگاه ۲ معادله و ۲ مجهول: $a=3, b=2$

$$\Rightarrow b-a=-1$$

$$\frac{1}{2}x^2 + 3x + 4 < \frac{3}{2}$$

$$\Rightarrow P(x) = \frac{1}{2}x^2 + 3x + \frac{5}{2} < 0 \xrightarrow{\Delta=4} \begin{cases} x = -5 \\ x = -1 \end{cases}$$

$$\begin{array}{c|ccc} x & -5 & -1 \\ \hline P(x) & + & - & + \end{array} \Rightarrow -5 < x < -1$$

$$\Rightarrow (a, b) = (-5, -1) \Rightarrow b-a = -1 - (-5) = 4$$

$$\frac{(x^2 - 3x + 8)(x^2 - 4)}{|x-3|(x^2 - 5x + 4)} \leq 0$$

$$x^2 - 3x + 8 = 0 \Rightarrow \Delta = 9 - 4(1)(8) < 0 \xrightarrow{a>0} x^2 - 3x + 8 > 0$$

$$x^2 - 4 = 0 \Rightarrow x = \pm 2$$

$$x-3 = 0 \Rightarrow x = 3$$

$$x^2 - 5x + 4 = 0 \Rightarrow \begin{cases} x = 1 \\ x = 4 \end{cases}$$

با تعیین علامت عبارت داریم:

$$\begin{array}{c|ccccccccc} x & -\infty & -2 & 1 & 2 & 3 & 4 & +\infty \\ \hline P(x) & + & - & + & - & - & + & + \end{array}$$

$$\Rightarrow [-2, 4] \cup (1, 3) = \text{مجموعه‌ی جواب}$$

جواب‌های صحیح $2, 3, 4$ می‌باشند که تعداد آن‌ها ۴ تاست.

۵۹ اگر $C = 0$ باشد، نامساوی گزینه‌ی (۳) نادرست است (در واقع حالت تساوی رخ می‌دهد و هر دو طرف نامعادله صفر می‌گردد).

۶۰

$$\begin{array}{l} (1) \\ 3 \leq 2x-1 < 5-x \\ (2) \end{array}$$

$$(1) \Rightarrow 2x-1 \geq 3 \xrightarrow{+1} 2x \geq 4 \xrightarrow{\div 2} x \geq \frac{4}{2} = 2$$

$$(2) \Rightarrow 2x-1 < 5-x \xrightarrow{+x} 2x+x-1 < 5-x+x \Rightarrow 3x-1 < 5 \xrightarrow{+1} 3x < 6 \xrightarrow{\div 3} x < 2$$

$$(1) \cap (2) = \{x \geq 2\} \cap \{x < 2\} = \emptyset$$

۶۱

$$\left| \frac{x+2}{3x-6} \right| < 1 \Rightarrow -1 < \underbrace{\frac{x+2}{3x-6}}_{(I)} < 1$$

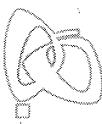
$$(I) \Rightarrow \frac{x+2}{3x-6} - 1 < 0 \Rightarrow \frac{x+2-3x+6}{3x-6} < 0 \Rightarrow \frac{-2x+8}{3x-6} < 0$$

$$\begin{array}{c|cc} x & 2 & 4 \\ \hline -\frac{2x+8}{3x-6} & - & + \end{array} \Rightarrow x \in (-\infty, 2) \cup (4, +\infty)$$

$$(II) \Rightarrow \frac{x+2}{3x-6} + 1 > 0 \Rightarrow \frac{x+2+3x-6}{3x-6} > 0 \Rightarrow \frac{4x-4}{3x-6} > 0$$

$$\begin{array}{c|cc} x & 1 & 2 \\ \hline \frac{4x-4}{3x-6} & + & - \end{array} \Rightarrow x \in (-\infty, 1) \cup (2, +\infty)$$

$$\begin{array}{c|cc} & 1 & 2 \\ \hline & - & + \end{array} \Rightarrow \text{جواب نهایی} \Rightarrow (-\infty, 1) \cup (4, +\infty)$$



پس برای آن که این مستطیل یک مربع باشد باید:

$$(a-b)\sin\frac{\alpha}{2} = (a-b)\sin\frac{\beta}{2} \quad a \neq b \Rightarrow \sin\frac{\alpha}{2} = \sin\frac{\beta}{2}$$

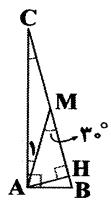
$$\frac{\alpha+\beta=180^\circ}{\frac{\beta}{2}=90^\circ-\frac{\alpha}{2}} \Rightarrow \sin\frac{\alpha}{2} = \sin(90^\circ - \frac{\alpha}{2}) \Rightarrow \sin\frac{\alpha}{2} = \cos\frac{\alpha}{2}$$

$$\Rightarrow \frac{\alpha}{2} = 45^\circ \Rightarrow \alpha = 90^\circ \Rightarrow \alpha = \beta = 90^\circ$$

توجه کنید که اگر $a = b$ باشد، متوازی‌الاضلاع مفروض یک لوزی باشد و قطرهای آن نیمساز زوایا می‌باشند، پس از تلاقي آن‌ها هیچ چندضلعی ایجاد نمی‌شود.

۳ ۶۵

$$\Delta AHM: AH = \frac{1}{2} AM \Rightarrow M = 30^\circ$$



از طرفی می‌دانیم میانه‌ی وارد بر وتر نصف وتر است، پس:

$$AM = MC \Rightarrow \hat{A}_1 = \hat{C} = \frac{30^\circ}{2} = 15^\circ$$

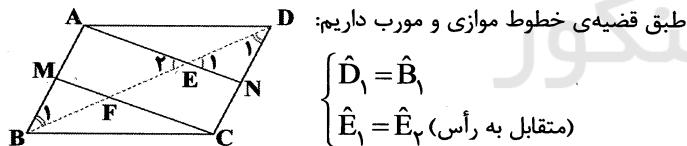
بنابراین:

$$\hat{B} = 90^\circ - \hat{C} = 90^\circ - 15^\circ = 75^\circ \Rightarrow \hat{B} - \hat{C} = 75^\circ - 15^\circ = 60^\circ$$

بنابراین ۲ ۶۶ بنا به ویژگی‌های متوازی‌الاضلاع داریم:

$$\left\{ \begin{array}{l} BM = DN = \frac{1}{2} AB \\ AD = BC \\ \hat{D} = \hat{B} \end{array} \right. \Rightarrow \Delta AND \cong \Delta MBC \Rightarrow AN = MC$$

بنابراین گزینه‌ی (۱) درست است.



$$\left\{ \begin{array}{l} \hat{D}_1 = \hat{B}_1 \\ \hat{E}_1 = \hat{E}_2 \end{array} \right. \quad (\text{متقابل به رأس})$$

بنابراین:

$$\Delta DNE \sim \Delta AEB \Rightarrow \frac{ED}{BE} = \frac{EN}{AE} = \frac{DN}{AB} = \frac{1}{2} \Rightarrow \frac{S_{\Delta DNE}}{S_{\Delta AEB}} = \frac{1}{4}$$

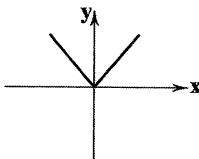
بنابراین گزینه‌ی (۲) نادرست است.

$$AE = 2EN \Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} \frac{AE}{AN} = \frac{2}{3} \Rightarrow AE = FC = \frac{2}{3} AN \\ \frac{S_{\Delta END}}{S_{\Delta ADE}} = \frac{EN}{AE} = \frac{1}{2} \end{array} \right.$$

توجه کنید که دو مثلث ADE و END همارتفا ع بوده و نسبت مساحت‌ها برابر با نسبت قاعده‌ها می‌باشد.

بنابراین گزینه‌های (۳) و (۴) نیز، درست می‌باشند.

۲ ۵۸ اگر همه‌ی (x, y) ها در دستگاه مختصات در نظر بگیریم، نمودار تابع به صورت زیر خواهد بود:



۳ ۵۹ به دلیل وجود دو زوج مرتب $(1, m^2 - 12)$ و $(4, m^2 - 12)$ باشد، پس:

$$m^2 = 16 \Rightarrow m = \pm 4$$

همچنین به دلیل وجود دو زوج مرتب $(2, 4m)$ و $(2, -4m)$ باشد، پس:

به ازای مقادیر مختلف m رابطه را بازنویسی می‌کنیم:

$m = 4 \Rightarrow f = \{(1, 4), (2, 4), (2, 16)\}$ رابطه، تابع نیست.

$m = -4 \Rightarrow f = \{(1, 4), (2, 4), (2, -16)\}$ رابطه، تابع نیست.

$m = 1 \Rightarrow f = \{(1, 4), (2, 4), (1, -11)\}$ رابطه، تابع نیست.

بنابراین به ازای هیچ‌مقدار m این رابطه تابع نمی‌شود.

۴ ۶۰ اگر $(-2, 4)$ را اضافه کنیم، چون $(-2, 2)$ هم داریم، دیگر تابع نخواهد بود، پس $(4, -2)$ را نمی‌توان اضافه کرد.

از بین $(2, 2)$ و $(2, 4)$ ، نهایتاً یکی را می‌توان اضافه کرد (چون مؤلفه‌ی اول آن‌ها برابر است).

۴ ۶۱ را هم می‌توان اضافه کرد، چون زوج مرتب دیگری با مؤلفه‌ی اول ۴ در تابع موجود نیست.

در نتیجه نهایتاً ۲ زوج مرتب از مجموعه‌ی A را می‌توان اضافه کرد بدون این‌که تابع بودن از بین برود.

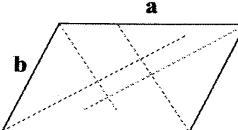
$$\frac{n(n-3)}{2} \Rightarrow 2n = \frac{n(n-3)}{2}$$

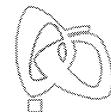
$$\frac{\div n}{2} \Rightarrow \frac{n-3}{2} = 2 \times 2 \Rightarrow n-3 = 4 \Rightarrow n = 7$$

۴ ۶۲ در چهارضلعی محدب تعداد قطرها از تعداد اضلاع کمتر است، اما در بقیه‌ی n -ضلعی‌ها ($n \geq 5$) همواره تعداد قطرها از تعداد اضلاع بیشتر یا مساوی است.

۳ ۶۳ چهارضلعی رویه‌رو دارای دو ضلع برابر و قطرهای برابرند، اما ذوزنقه‌ی متساوی‌الساقین نیست. (کافی است مثلث متساوی‌الساقین ABC را رسم کنید و AC را مساوی AC طوری رسم کنید زاویه‌ی \hat{ABD} با BD زاویه‌ی \hat{BAC} برابر نباشد، چون اگر این دو زاویه برابر باشند، $ABCD$ یک ذوزنقه متساوی‌الساقین خواهد بود.)

۱ ۶۴ از تلاقي نیمسازهای داخلی هر متوازی‌الاضلاع به اضلاع a و b یک مستطیل به اضلاع $|a-b|\sin\frac{\alpha}{2}$ و $|a-b|\sin\frac{\beta}{2}$ تشکیل می‌گردد، که در آن α و β زوایای متوازی‌الاضلاع‌اند.





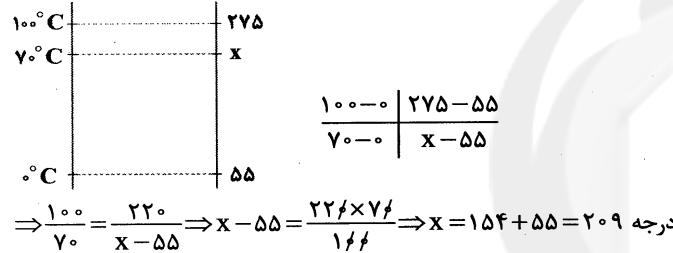
۱ ۷۴ بررسی گزینه‌ها:

$$\begin{aligned} 1) T = 293K \Rightarrow \theta = 293 - 273 = 20^\circ C \\ \Rightarrow F = \frac{9}{5} \times 20 + 32 = 68^\circ F \quad \checkmark \\ 2) T = 0K \Rightarrow \theta = -273^\circ C \Rightarrow F = \frac{9}{5} \times (-273) + 32 \\ = -459/4^\circ F \quad \times \\ 3) T = 173K \Rightarrow \theta = 173 - 273 = -100^\circ C \\ \Rightarrow F = \frac{9}{5} \times (-100) + 32 = -148^\circ F \quad \times \\ 4) T = 238K \Rightarrow \theta = 238 - 273 = -35^\circ C \\ \Rightarrow F = \frac{9}{5} \times (-35) + 32 = -31^\circ F \quad \times \end{aligned}$$

کمیت دماستنجی در گزینه‌های (۱)، (۲) و (۴) ارتفاع مایع

درون لوله است، حال آن‌که تفسنج براساس تابش گرمایی کار می‌کند.

۴) با توجه به شکل زیر و با یک تناسب ساده، مسئله را حل می‌کنیم:



۲) از دماستنج بیشینه - کمینه معمولاً در مراکز پرورش گل و گیاه،
باغداری، هواشناسی و ... استفاده می‌شود.

۲) در توجیه انبساط گرمایی، مبتنی بر دیدگاه میکروسکوپی،
می‌توان نشان داد با افزایش دمای جسم جامد، فاصله‌ی متوسط بین اتم‌ها
افزایش می‌یابد و در نتیجه، جسم جامد منبسط می‌شود و در مایع با افزایش
دما حرکت کاتورهای اتم‌ها و مولکول‌ها افزایش می‌یابد.

۴) درصد افزایش طول برابر است با:

$$\frac{\Delta L}{L_1} \times 100 = \alpha \Delta \theta \times 100 = 0/17 \quad (I)$$

حال، مقیاس دمایها را یکی می‌کنیم:

$$\left. \begin{array}{l} \theta_1 = 30^\circ C \\ \theta_2 = 40^\circ C - 273 = 127^\circ C \end{array} \right\} \Rightarrow \Delta \theta = 100^\circ C \quad (II)$$

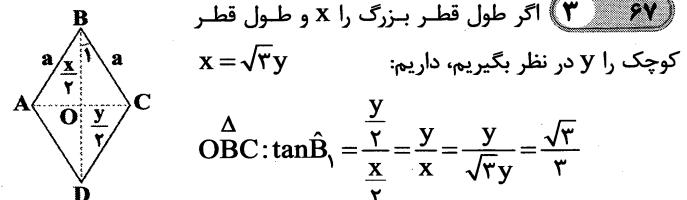
$$\frac{(I), (II)}{} \rightarrow \alpha \times 100 \times 100 = 0/17 = 17 \times 10^{-6} \left(\frac{1}{^\circ C} \right)$$

۳ ۸۰

$$\Delta L = \alpha L_1 \Delta T \Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} \Delta L_A = \alpha_A L_A \Delta T \\ \Delta L_B = \alpha_B L_B \Delta T \end{array} \right.$$

$$\Rightarrow \frac{\Delta L_A}{\Delta L_B} = \frac{\alpha_A}{\alpha_B} \times \frac{L_A}{L_B} \times \frac{\Delta T}{\Delta T}$$

$$\Rightarrow \frac{\Delta L_A}{\Delta L_B} = \frac{1}{3} \frac{\alpha_B}{\alpha_B} \times \frac{\Delta L_B}{L_B} = \frac{1}{3} \times 5 = \frac{5}{3}$$



۳ ۶۷ اگر طول قطر بزرگ را x و طول قطر

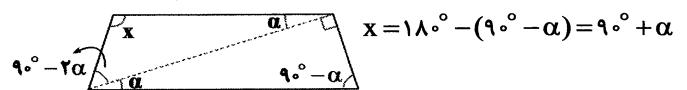
کوچک را y در نظر بگیریم، داریم:

$$\triangle ABC: \tan B_1 = \frac{y}{\frac{x}{2}} = \frac{y}{\frac{x}{2}} = \frac{y}{\sqrt{3}y} = \frac{1}{\sqrt{3}}$$

قطراه، نیمساز $\hat{B}_1 = 30^\circ \rightarrow \hat{B} = 2\hat{B}_1 = 60^\circ \Rightarrow \hat{A} = \hat{C} = 120^\circ$
روایا می‌باشد.

$\triangle ABC$ متساوی‌الاضلاع $\Rightarrow AC = a$

بنابراین به قضیه‌ی خطوط موازی و مورب و مطابق شکل داریم:

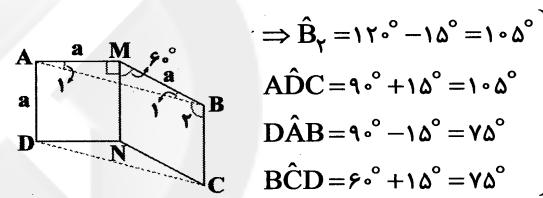


۳ ۶۸ ذوزنقه‌ی قائم‌الزاویه دارای زاویه‌ی

قائم است، اما مستطیل نیست.

$$\hat{M} = 90^\circ + 60^\circ = 150^\circ$$

$$\triangle AMB: AM = MB = a \Rightarrow \hat{A}_1 = \hat{B}_1 = \frac{180^\circ - 150^\circ}{2} = 15^\circ$$



بنابراین ABCD متساوی‌الاضلاعی با زاویه‌ی ۷۵ است.

۳ ۶۹ توجه کنید که بنابراین به قضیه‌ی نامساوی مثلثی در DNC،
چون $DN = NC = a$ بنابراین $DC < 2a$ می‌باشد و نمی‌تواند ابعاد
متساوی‌الاضلاع a و ۲a باشد.

فیزیک

۳ ۷۱ با توجه به شکل، رابطه‌ی مقابل بین سطح مقطع لوله‌ها برقرار

است: $A_1 > A_3 > A_2$

با توجه به رابطه‌ی بالا و معادله‌ی پیوستگی:

طبق اصل برنولی هرچه تنید کمتر باشد، فشار بیشتر است:

$$P_1 > P_3 > P_2$$

۱ ۷۲ با استفاده از معادله‌ی پیوستگی داریم:

$$A_1 v_1 = A_2 v_2 \Rightarrow A_1 \times 2 = A_2 \times 4$$

$$\Rightarrow A_2 = \frac{1}{2} A_1$$

$$\frac{A_2 - A_1}{A_1} \times 100 = \frac{\frac{1}{2} A_1 - A_1}{A_1} \times 100 = -50\%$$

علامت منفی حاکی از کاهش است، پس سطح مقطع لوله باید ۵۰٪ کاهش یابد.

۲ ۷۳ بال‌های هوایی طوری طراحی شده‌اند که تنیدی هوای بالای
بال بیشتر از زیر آن است. در نتیجه، فشار هوای بالای بال، کمتر از فشار
هوای زیر آن است.



در رابطه با نسبت میان چگالی و دما، دو رابطه‌ی زیر را داریم:

$$1) \rho_2 = \frac{\rho_1}{1 + \beta \Delta T} \Rightarrow \frac{\rho_2}{\rho_1} = \frac{1}{1 + \beta \Delta T}, \quad \frac{\rho_1}{\rho_2} = 1 + \beta \Delta T$$

$$2) \rho_2 = \rho_1 (1 - \beta \Delta T) \Rightarrow \frac{\rho_2}{\rho_1} = 1 - \beta \Delta T, \quad \frac{\rho_1}{\rho_2} = \frac{1}{(1 - \beta \Delta T)}$$

پس گزینه‌ی (۳) درست است.

دقت کنید: در رابطه‌ی بالا، دو رابطه‌ی مستقل از هم نیستند و به سادگی از یکدیگر به دست می‌آیند (همان‌طور که در تمرین ۴-۴ کتاب درسی خواسته شده است). صرفاً برای سادگی، راه حل به این شکل مطرح شده‌اند.

۴ ۸۹

$$\rho_2 = \rho_1 (1 - \beta \Delta T) \xrightarrow{\beta = ۳\alpha} \rho_2 = \rho_1 (1 - ۳ \times ۱۰^{-۴} \times ۱۰۰)$$

$$\Rightarrow \rho_2 = \rho_1 - ۰/۰۳\rho_1 \Rightarrow \Delta \rho = -۰/۰۳\rho_1 \Rightarrow \frac{\Delta \rho}{\rho_1} \times ۱۰۰ = -۳\%.$$

۱ ۹۰ آب در دمای ۴ درجه‌ی سلسیوس دارای کمترین حجم و بیش‌ترین چگالی است. (به دلیل انبساط غیر عادی آب)

شیمی

۱ ۹۱ دانشمندان با استفاده از بالون‌های هواشناسی، ماهواره‌ها، کشتی‌های اقیانوس‌پیما و گویجه‌های شناور در دریاها که به حسگرهای دما مجهز هستند، پیوسته دمای کره‌ی زمین را در سرتاسر نقاط آن رصد می‌کنند.

۲ ۹۲ به طور کلی میانگین جهانی دمای سطح زمین در سده‌ی اخیر افزایش یافته است، البته در بعضی از سال‌ها این روند نزولی بوده است.

۲ ۹۳ به جز N_۲O، سایر آلاینده‌ها در اثر سوزاندن سوخت‌های فسیلی وارد هوا کرده می‌شوند.

۴ ۹۴ یک درخت تنومند سالانه در حدود ۵۰ کیلوگرم و ماهانه در حدود ۴ کیلوگرم کربن دی‌اکسید مصرف می‌کند.

۴ ۹۵ به تفاوت دو مفهوم زیر توجه کنید:
• ترتیب مقدار CO_۲ تولید شده به‌ازای تولید مقدار معینی برق برای منابع

گوناگون انرژی به صورت زیر است:

باد > گرمای زمین > انرژی خورشید > گاز طبیعی > نفت خام > زغال سنگ

• ترتیب مقدار برق تولید شده به‌ازای تولید مقدار معینی CO_۲ برای منابع گوناگون انرژی به صورت زیر است:

زغال سنگ > نفت خام > گاز طبیعی > انرژی خورشید > گرمای زمین > باد

۲ ۹۶ دانشمندان پیش‌بینی می‌کنند دمای کره‌ی زمین تا سال

۲۱۰۰ بین ۱/۸ تا ۴ درجه‌ی سلسیوس افزایش خواهد یافت.

۲ ۹۷ بررسی سایر گزینه‌ها:

۱) بخش عمده‌ای از پرتوهای خورشیدی که از هوا کرده عبور می‌کنند، توسط زمین جذب می‌شود.

۳) لایه‌ی هوا کرده برای زمین همانند لایه‌ی پلاستیکی برای گلخانه است و سبب گرم شدن کره‌ی زمین می‌شود.

۴) این عبارت نادرست است، زیرا اگر گازهای گلخانه‌ای وجود نداشتند، میانگین دمای کره‌ی زمین به ۱۸°C - کاهش می‌یافتد.

۱ ۸۱ از رابطه‌ی انبساط طولی داریم:

$$\Delta L = \alpha L_1 \Delta T = ۲۹ \times ۱۰^{-۶} \times L_1 \times ۱ = ۲۹ \times ۱۰^{-۶} L_1$$

پس ۲۹×۱۰^{-۶} برابر طول اولیه به طول آن اضافه می‌شود.

۱ ۸۲ اگر مساحت ورقه در دمای C° برابر باشد:

$$A_2 = A_1 + A_1 \cdot ۲\alpha(\theta_2 - ۰)$$

$$\left\{ \begin{array}{l} A_2 = A_1 (1 + ۲\alpha \theta_2) \\ A_1 = A_1 (1 + ۲\alpha \theta_1) \end{array} \right.$$

$$\Rightarrow \frac{A_2}{A_1} = \frac{1 + ۲\alpha \theta_2}{1 + ۲\alpha \theta_1} = \frac{\frac{1}{2} + \alpha \theta_2}{\frac{1}{2} + \alpha \theta_1} = \frac{\frac{1}{2} + \alpha \theta_2}{\frac{1}{2} + \alpha \theta_1}$$

سوال قدیمی کنکور سراسری

۲ ۸۳ ابتدا مساحت قسمت فلزی یا نوار را محاسبه می‌کنیم، این مقدار برابر مساحت کل دایره‌ی بزرگ، منهای مساحت دایره‌ی توخالی است:

$$A_1 = \pi(r_2^2 - r_1^2) = ۳ \times (۲۰^2 - ۱۰^2) = ۳ \times (۴۰۰ - ۱۰۰) = ۹۰۰ \text{ cm}^2$$

حال مقدار کاهش سطح را محاسبه می‌کنیم:

$$\Delta A = ۲\alpha A_1 \Delta \theta = ۲ \times ۴ \times ۱۰^{-۴} \times ۹۰۰ \times (-۵۰) = -۳۶ \text{ cm}^2$$

پس، مساحت نوار فلزی برابر است با:

$$A_2 = A_1 + \Delta A = ۹۰۰ - ۳۶ = ۸۶۴ \text{ cm}^2$$

۴ ۸۴

$\beta = ۳\alpha$: ضریب انبساط خجمی جامد

2α : ضریب انبساط سطحی جامد

$$\Rightarrow \frac{\beta}{\text{ضریب انبساط سطحی جامد}} = \frac{۳}{۲}$$

ضریب انبساط سطحی

۳ ۸۵ ابتدا باید ضریب انبساط طولی را از مقدار افزایش هر ضلع محاسبه کنیم:

$$\frac{\Delta L}{L_1} = \alpha \Delta T \Rightarrow \frac{۰/۸}{۱۰۰} = \alpha \times ۲۰۰ \Rightarrow \alpha = ۴ \times ۱۰^{-۵} \text{ K}^{-۱}$$

$$\beta = ۳\alpha \Rightarrow \beta = ۱۲ \times ۱۰^{-۵} \text{ K}^{-۱}$$

$$V_1 = ۱ \times ۳ \times ۵ = ۱۵ \text{ m}^3$$

$$V_2 = V_1 + V_1 \beta \Delta T = V_1 (1 + \beta \Delta T) = ۱۵ (1 + ۱۲ \times ۱۰^{-۵} \times ۲۰۰)$$

$$= ۱۵ + ۰/۳۶ = ۱۵/۳۶ \text{ m}^3$$

۲ ۸۶ مقایسه‌ی ضریب انبساط حجمی جامدها با ضریب انبساط حجمی مایعات نشان می‌دهد، انبساط حجمی جامدها عموماً از مایعات بسیار کمتر است.

۱ ۸۷ ضریب انبساط حجمی مایع بیش از ضریب انبساط حجمی

ظرف است که مایع بیرون ریخته است:

$$\Delta V = \Delta V_{\text{مایع}} + \Delta V'_{\text{ظرف}} \Rightarrow \Delta V_{\text{مایع}} = ۴ + ۱۰۰ = ۱۰۴ \text{ cm}^3$$

مایعی که بیرون

ریخته

$$\Delta V_{\text{مایع}} = V_1 \beta \Delta T \Rightarrow \frac{\Delta V_{\text{مایع}}}{\Delta V_{\text{ظرف}}} = \frac{V_1 \beta \Delta T}{V_1 (۳\alpha) \Delta T}$$

$$\Delta V_{\text{مایع}} = \frac{\beta}{۳\alpha} \Rightarrow \frac{\beta}{۳\alpha} = ۲۶ \Rightarrow \frac{\beta}{\alpha} = ۷۸$$



۱۰۶ در دما و فشار یکسان، حجم یک مول از گازهای گوناگون با هم برابر است. این بیان نخستین بار در سال ۱۸۱۱ توسط آوگادرو ارائه و بعدها به قانون آوگادرو مشهور شد.

۱۰۷ قرار دادن بادکنک‌های پوشیده از هوا، درون نیتروژن مایع سبب می‌شود که حجم آن‌ها به شدت کاهش یابد.

بررسی سایر گزینه‌ها:

۱) در مولکول‌های اوزون و اکسیژن، به ترتیب ۳ و ۲ پیوند اشتراکی وجود دارد.

۲) مولکول اوزون به صورت خمیده (V-شکل) است.

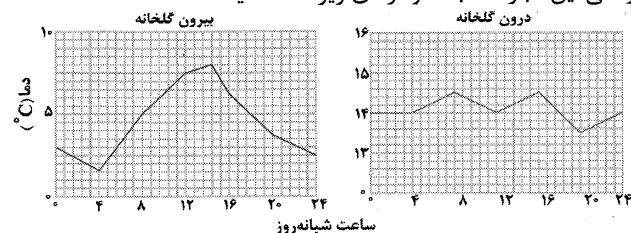
۴) هنگامی که تابش فرابنفش به مولکول اوزون می‌رسد، پیوند اشتراکی بین دو تا اتم‌های اکسیژن می‌شکند و مولکول اوزون به یک اتم اکسیژن و یک مولکول اکسیژن تبدیل می‌شود.

۱۰۹ حجم یک نمونه گاز به مقدار، دما و فشار آن وابسته است.

۱۱۰ هرچه جرم مولی یک گاز بیشتر باشد، یک گرم از آن شامل تعداد مول کمتری بوده و در نتیجه در شرایط یکسان، حجم کمتری اشغال می‌کند.

جرم مولی گازهای CO_2 , O_2 , CO و O_3 به ترتیب برابر با ۳۲، ۲۸، ۴۴ و ۴۸ گرم بر مول است.

۹۸ هر چهار عبارت پیشنهادشده درست هستند.
برای درستی این عبارت‌ها به نمودارهای زیر دقت کنید.



بررسی عبارت‌های نادرست:

آ) هیدروژن در مقایسه با سایر سوخت‌ها، قیمت بالاتری دارد و از سوختن آن، گاز گلخانه‌ای ($\text{H}_2\text{O(g)}$) تولید می‌شود.

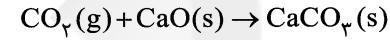
ب) مقایسه‌ی گرمای آزادشده از آن‌ها بر حسب kJ.g^{-1} به صورت هیدروژن < گاز طبیعی > بنزین < زغال‌سنگ است.

۱۰۰ عبارت‌های «آ» و «ت» درست هستند.

گاز نیتروژن واکنش‌پذیری بسیار کمی دارد و به طور معمول با اکسیژن واکنش نمی‌دهد. اما هنگام رعدوبرق این دو گاز در هوا ترکیب شده و به NO و NO_2 تبدیل می‌شود.

بررسی عبارت‌های نادرست:

آ) برای تبدیل اکسید اسیدی CO_2 به مواد معنده از اکسیدهای بازی مانند MgO یا CaO استفاده می‌شود.



ب) دفن کردن CO_2 و تبدیل آن به مواد معنده، جزو روش‌های شیمی سبز است. در شیمی سبز هدف این است که تولید و مصرف مواد شیمیایی را که ردپاهای سنگینی روی کره زمین بر جای می‌گذارد، کاهش داد یا متوقف کرد.

۱۰۲ اگر مخلوطی مایع شامل اوزون و اکسیژن را گرم کنیم، ابتدا مولکول‌های O_2 از مخلوط جدا می‌شوند، زیرا اکسیژن نسبت به اوزون نقطه‌ی جوش پایین‌تری دارد. هم‌چنین با گذشت زمان، شدت رنگ آبی مخلوط افزایش می‌یابد، زیرا $(\text{I})\text{O}_2$ و $(\text{I})\text{O}_3$ به ترتیب به رنگ آبی روشن و آبی تیره هستند.

بررسی سایر گزینه‌ها:

۱) در صنعت از گاز اوزون برای گندزدایی میوه‌ها، سبزیجات و از بین بردن جانداران ذره‌بینی درون آب استفاده می‌شود.

۲) نام دیگر آلوتروپ، دگرشکل است، نه همشکل !!

۳) اوزون در لایه‌های بالایی هواکره (استراتوسفر) مانند پوششی کره زمین را احاطه کرده است.

۱۰۴ تولید و استفاده از پلاستیک‌های زیست تخریب‌ناپذیر، هزینه‌های اجتماعی و زیست‌محیطی سنگینی ایجاد می‌کند و با اهداف توسعه‌ی پایدار در تضاد است.

۱۰۵

- در دمای ثابت، میان حجم و فشار یک نمونه گاز، رابطه‌ی وارونه وجود دارد.

- در فشار ثابت، میان حجم و دمای یک نمونه گاز، رابطه‌ی مستقیم وجود دارد.

- در حجم ثابت، میان دما و فشار یک نمونه گاز، رابطه‌ی مستقیم وجود دارد.