

۱- معنای چند واژه نادرست نوشته شده است؟

(سَموم: باد سرد و ویرانگر)، (ارغند: خشمگین)، (فرض: لازم)، (بی‌گناه شدن: به پایان رسیدن شب)، (صنعت: کار)، (قسیم: صاحب‌جمال)، (موسم: فصل)، (تاک: رز)

(۱) یک

(۲) دو

(۳) سه

(۴) چهار

۲- در همه گزینه‌ها به‌جز گزینه ... واژه‌ها تماماً به درستی معنا شده‌اند.

(۱) تضرع: زاری کردن، (خمار: می‌فروش)

(۲) آوند: آویزان، (تریاق: پادزهر)

(۳) مطاع: کسی که از دیگری اطاعت می‌کند، (طیلسان: نوعی ردا)

(۴) صباح: پگاه، (بن: پسته وحشی)

۳- در چند بیت غلط املائی دیده می‌شود؟

(الف) بر سر خوان لبت دست چو من درویشی / به گدایی رسد آخر چو به یغما نرسد

(ب) هجر بپسندم اگر وصل میسر نشود / خوار بردارم اگر دست به خرما نرسد

(ج) کو عهد و کو وثیقه که با بنده کرده‌ای / از عهد و قول خویش عبر می‌کنی مکن

(د) در سرای دوستی آن به که فرشی افکنم / خشت او باشد ز جان و خون او باشد ملات

(۱) یک

(۲) سه

(۳) چهار

(۴) دو

۴- املائی واژه‌های کدام گزینه، به ترتیب برای کامل کردن بیت‌های زیر درست است؟

(الف) ز کوی میکده برگشته‌ام ز راه خطا / مرا دگر ز کرم با ره (... ) انداز

(ب) جهانت خوش و رفتنت بر (... ) / عبادت قبول و دعا مستجاب

(پ) بر تو فرخنده باد ماه صیام / خلد بایدت ز کردگار (... )

(۱) صواب، صواب، ثواب

(۲) ثواب، ثواب، صواب

(۳) صواب، ثواب، ثواب

(۴) ثواب، صواب، صواب

۵- در متن زیر چند غلط املائی و رسم الخطی وجود دارد؟

«روی حال خویش با ننگ دروغ سیاه مگردان و بدان که دروغ ضمیمه ضلال است، و حقیقت بدان که عیب که از یک دروغ گفتن بنشیند به هزار راست

برنخیزد و آن که به دروغ‌گویی منصوب گشت، اگر راست گوید، از او باور ندارند، و تا توانی با دوست و دشمن راه احسان و اجمال می‌سپری که هم در

دوستی بیافزاید و هم از دشمنی بکاهد. و ای فرزندان، به هیچ تأویل با بدان آشنایی مکنید.»

(۱) یک

(۲) دو

(۳) سه

(۴) چهار

۶- در کدام گزینه «حذف فعل به قرینه معنوی» می‌بینید؟

(۱) چنین نقل دارم ز مردان راه / فقیران منعم، گدایان شاه

(۲) که پیری به دریوزه شد بامداد / در مسجدی دید و آواز داد

(۳) یکی گفتش این خانه خلق نیست / که چیزی دهندت، به شوخی مایست

(۴) بگفتا خموش، این چه لفظ خطاست / خداوند خانه خداوند ماست

۷- تعداد ترکیبات اضافی در کدام گزینه به درستی مشخص نشده است؟

(۱) خیر ما برسانید به مرغان چمن / که هم‌آواز شما در قفسی افتاده‌ست (سه ترکیب اضافی)

(۲) آن‌چه بر من می‌رود در بندت ای آرام جان / با کسی گویم که در بندی گرفتار آمده‌ست (دو ترکیب اضافی)

(۳) نی که می‌نالد همی در مجلس آزادگان / زان همی‌نالد که بر وی زخم بسیار آمده‌ست (دو ترکیب اضافی)

(۴) جایی که سرو بوستان با پای چوبین می‌چمد / ما نیز در رقص آوریم آن سرو سیم‌اندام را (یک ترکیب اضافی)

۸- نوع وابسته و وابسته به کار رفته در بیت زیر، در کدام‌یک از گزینه‌ها تکرار شده است؟

«هزار دیده چو پروانه بر جمال تو عاشق / غلام مجلس آنم که شمع مجلس اویی»

(۱) هر صباحی غمی از دور زمان پیش آید / گویم این نیز نهم بر سر غم‌های دگر

(۲) تا چه خواهد کرد با من دور گیتی زین دو کار / دست او در گردنم با خون من در گردنش

(۳) گوش دلم بر در است تا چه بیاید خبر / چشم امیدم به راه تا که بیارد پیام

(۴) ماه چنین کس ندید خوش‌سخن و کش خرام / ماه مبارک طلوع سرو قیامت قیام

۹- در کدام گزینه، جمله‌ای با ساختار «نهاد + مفعول + مسند + فعل» وجود دارد؟

(۱) نگاهم بی‌تو چون آینه شد پامال حیرانی / بر این سرچشمه رحمی کن که موجی نیست آبش را

(۲) ای نسیم سحر، از خود به فغانم برسان / خبر او که ز خود بی‌خبرم گرداند

(۳) هم‌آغوش جنون رنگ غفلت دیده‌ای دارم / که بر هم بستن مؤگان چو مخمل نیست خوابش را

(۴) به تسلیم از کمال نسخه هستی مشو غافل / سر افتاده شاید نقطه باشد انتخابش را

۱۰- نام پدیدآورنده چند اثر به درستی مشخص نشده است؟

(بخارای من، ایل من: محمد بهمن‌بیگی)، (تذکره الاولیا: عطار)، (کویر: علی شریعتی)، (قصه شیرین فرهاد: احمد عربلو)، (تمهیدات: نصرالله منشی)، (مثل درخت،

در شب باران: محمدرضا شفیعی کدکنی)، (فیه ما فیه: سنایی)، (فی حقیقة العشق: شهاب‌الدین سهروردی)

(۱) یک (۲) دو

(۳) سه (۴) چهار

۱۱- آرایه‌های بیت «ای مهربان‌تر از برگ در بوسه‌های باران / بیداری ستاره، در چشم جویباران» در کدام گزینه آمده‌اند؟

(۱) تناسب، واج‌آرایی، تشخیص، اسلوب‌معادله

(۲) استعاره، تناسب، کنایه، واج‌آرایی

(۳) تشخیص، واج‌آرایی، تشبیه، جناس

(۴) تناسب، تشخیص، ایهام، کنایه

۱۲- یکی از آرایه‌های مقابل کدام بیت، نادرست است؟

(۱) می‌خواست گل که دم زند از رنگ و بوی دوست / از غیرت صبا نفسش در دهان گرفت (حسن‌تعلیل، کنایه)

(۲) سعدی حجاب نیست تو آینه پاک دار / زنگارخورده چون بنماید جمال دوست؟ (اسلوب‌معادله، استعاره)

(۳) از سینه پر داغ، بهار جگر خاک / از چهره بی‌رنگ، خزاینم جهان را (مجاز، تشبیه)

(۴) اگرچه زیر هر سنگی چو خاقانی صدا بینی / از این برتر سخن باری نپندارم که دارد کس (حسن‌آمیزی، تضاد)

۱۳- «وجه شبه» در همه ابیات محذوف است؛ به‌جز ... .

(۱) طره‌های تو کمندافکن طراران‌اند / غمزه‌های تو طیب دل بیماران‌اند

(۲) به وقت صبح چو آن سرو سیم‌تن بنشست / ز رشک طلعت او شمع انجمن بنشست

(۳) دیشب درآمد آن بت مه‌روی شب نقاب / بر مه کشید چنبر و در شب فکند تاب

(۴) گفتمش روی تو صد ره ز قمر خوب‌تر است / گفتمش خاموش که آن فتنه دور قمر است

۱۴- کدام گزینه با مصراع اول بیت زیر قرابت معنایی دارد؟

«همه درگاه تو جویم همه از فضل تو پویم / همه توحید تو گویم که به توحید سزایی»

(۱) از خرمن خویش ده زکاتم / زان خرمن گوهر نهانی

(۲) بر صورت من ز روی هستی / آرایش آفرین تو بستی

(۳) خوابی که به بزم توست راهش / گردن نکشم ز خوابگاهش

(۴) چون شوق تو هست خانه خیزم / خوش خسیم و شادمانه خیزم

۱۵- کدام ابیات با یکدیگر قرابت معنایی دارند؟

الف) به سخن هر که شود زنده نمیرد هرگز / دم عیسی است هوای نفس آباد سخن

ب) هر که شود صید عشق کی شود او صید مرگ / چون سپرش مه بود کی رسدش زخم تیر

ج) دیگرم بخت رهایی از کمند عشق نیست / کار صید خسته با صیدافکنی افتاده است

د) هر که شد مرده درد تو نمیرد هرگز / کشته عشق تو جاوید حیاتی دارد

۱) الف، ب

۲) ب، ج

۳) ج، د

۴) د، ب

۱۶- مفاهیم «سیری ناپذیری عاشق، دشواری‌های راه عشق، پنهان‌نماندن راز عشق، فاش‌نکردن اسرار عشق» به ترتیب از کدام ابیات دریافت می‌شود؟

الف) در محیط عشق باشد از سر پُرخون حباب / باشد این دریای خون‌آشام را گلگون حباب

ب) هر نگاهی محرم رنگ لطیف عشق نیست / پرده‌ای از اشک بر رخسار می‌باید کشید

ج) سوز عاشق کم نگردد از فرورفتن در آب / این شرر چون دیده ماهی بود روشن در آب

د) داغ عشق از صفحه سیمای عاشق ظاهر است / مهر چون ماند نهران در زیر دامان صبح را؟

۱) الف، ج، ب

۲) ج، الف، د، ب

۳) ج، ب، الف، د

۴) الف، ج، ب، د

۱۷- مفهوم بیت «دردناک است که در دام شغال افتد شیر / یا که محتاج فرومایه شود مرد کریم» با کدام گزینه، متفاوت است؟

۱) شیر را از مور صد زخم اینت انصاف جهان / پیل را از پشه صد رنج اینت عدل روزگار

۲) تا شدم خوار تو رشکم به عزیزان آید / بارالها که عزیزی نشود خوار کسی

۳) با تو سگ نفس ما روباهی و مکر آرد / که شیر سجود آرد در پیش شغال تو

۴) چو ریزد شیر را دندان و ناخن / خورد از روبهان لنگ، سیلی

Konkur.in

۱۸- مفهوم کدام گزینه با بقیه متفاوت است؟

۱) در عشق کسی قدم نهد کش جان نیست / با جان بودن به عشق در سامان نیست

۲) بگفتا جان‌فروشی در ادب نیست / بگفت از عشقبازان این عجب نیست

۳) جان ندارد هر که جانانیش نیست / تنگ‌عیش است آن که بستایش نیست

۴) جز دست قضا نیست جنیبت کش عشق / جان باید جان سپند بر آتش عشق

- (الف) خواب را در دیده حیران عاشق بار نیست / خانه خورشید را با فرش مخمل کار نیست
- (ب) چشم عاشق خاک کوی دلستان بیند به خواب / هر چه هر کس در نظر دارد همان بیند به خواب
- (ج) نگردد خواب گرد دیده خون بار عاشق را / که از می گرم گردد دیده پیمانان در شبها
- (د) تشنگی در خواب ممکن نیست کم گردد ز آب / نیست صبر از خون عاشق چشم فتان تو را
- (۱) الف، ب (۲) ب، ج (۳) د، ج (۴) ج، الف

۲۰- مفهوم عبارت «كُلُّ شَيْءٍ يَرْجِعُ إِلَىٰ أَصْلِهِ» در کدام گزینه دیده می‌شود؟

- (۱) از آن آب حیات است که ما چرخ‌زنانیم / نه از کف و نه از نای نه دفاهاست خدایا
- (۲) تن ارکرد فغانی ز غم سود و زیانی / ز توست آن که دمیدن نه ز سرناست خدایا
- (۳) ز عکس رخ آن یار در این گلشن و گلزار / به هر سو مه و خورشید و ثریاست خدایا
- (۴) چو سیلیم و چو جوییم همه سوی تو پوییم / که منزلگه هر سیل به دریاست خدایا

۲۱- «إِنَّ اللَّهَ لَذُو فَضْلٍ عَلَى النَّاسِ وَلَكِنَّ أَكْثَرَ النَّاسِ لَا يَشْكُرُونَ»:

- (۱) قطعاً خداوند بر مردم دارای بخشایش است، ولی بیشتر مردمان شکرگزار نیستند!
- (۲) بدون شک الله نسبت به مردم صاحب فضل است، ولیکن اغلب آنها سپاسگزار نیستند!
- (۳) بی‌گمان خداوند دارای بخشایش بر مردمان است، اما بیشترین آنها سپاس نمی‌گزارند!
- (۴) بدون تردید الله صاحب فضل و بخشش است بر مردم، ولیکن اکثر مردم شکرگزاری نمی‌کنند!

۲۲- «بَا وَوَلَدِي، إِنِّي بَأْسٌ أَنْ لَا أَحَدٌ يَسْتَطِيعُ أَنْ يَسَاعِدَكَ فِي الْوَصُولِ إِلَى النَّجَاحِ غَيْرِ نَفْسِكَ!»: فرزندم ...

- (۱) مطمئن باش کسی جز تو نمی‌تواند دیگران را در رسیدن به پیروزی یاری کند!
- (۲) بدان که هیچ‌کس به تو در رسیدن به موفقیت کمک نمی‌کند مگر خودت!
- (۳) آگاه باش که فقط تو هستی که می‌توانی در مسیر موفقیت به خودت کمک کنی!
- (۴) متوجه باش که هیچ‌کس نمی‌تواند به تو در رسیدن به موفقیت کمک کند جز خودت!

۲۳- «كَانَ الْأَوْلَادُ فَرِحِينَ لِأَنَّهُمْ كَانُوا يُسَافِرُونَ إِلَى مَدِينَتِهِمْ مُشْتَاقِينَ إِلَى زِيَارَةِ أَصْدِقَائِهِمُ الْقَدَمَاءِ!»:

- (۱) فرزندان با شادی به سوی شهرشان به مسافرت می‌رفتند زیرا به دیدار دوستان قدیمی خویش، مشتاق بودند!
- (۲) کودکان خوشحال بودند چون با اشتیاق به دیدار قدیمی‌ترین دوستان خویش، به شهر خود به مسافرت می‌رفتند!
- (۳) چون فرزندان به ملاقات دوستان قدیمی‌شان مشتاق بودند، با شادمانی به شهرشان سفر می‌کردند!
- (۴) فرزندان شادمان بودند، زیرا با اشتیاق به دیدار دوستان قدیمی خود، به شهر خویش سفر می‌کردند!

۲۴- «قَدْ يَقُولُ الْجُهَالُ: لَيْتَنَا خَلَقْنَا مِنَ الْفِضَّةِ أَوْ الذَّهَبِ!»:

- (۱) جاهلان گفته‌اند: ای کاش ما را از نقره یا طلا خلق کرده بودند!
- (۲) گاهی فرد بسیار نادان می‌گوید: کاش ما را از نقره یا طلا آفریده بودند!
- (۳) انسان‌های نادان گاهی می‌گویند: کاش ما از نقره یا طلا آفریده شده بودیم!
- (۴) انسان بسیار نادان گفته است: ای کاش ما از طلا یا نقره خلق شده بودیم!

۲۵- «إِنَّ هَذِهِ الْأَصْنَامَ الَّتِي كُنْتُمْ تَفْتَخِرُونَ بِعِبَادَتِهَا لَا قِيمَةَ لَهَا لِأَنَّهَا عَاجِزَةٌ عَنِ قَضَاءِ حَاجَاتِهَا!»:

- (۱) به راستی این بت‌هایی که به پرستیدن‌شان افتخار می‌کنید ارزشی ندارند چون از برآوردن نیازهای شما ناتوانند!
- (۲) اینها بت‌هایی هستند که به پرستیدن‌شان افتخار می‌کردید درحالی‌که بی‌ارزش هستند چون از تأمین نیازهای خود ناتوان هستند!
- (۳) این بت‌هایی که به عبادت‌شان افتخار می‌کردید، هیچ ارزشی ندارند چون از برآوردن نیازهای خود ناتوانند!
- (۴) این بت‌ها که آنها را با افتخار می‌پرستیدید هیچ ارزشی ندارند زیرا نمی‌توانند نیازهای خود را برآورده سازند!

۲۶- عَيْنُ الْخَطَا:

- (۱) عِنْدَمَا نَادَيْتَنِي الْمُدِيرَةُ فِي الْقَاعَةِ ذَهَبْتُ نَحْوَ الْمُنْبَرِ مُسْرُورًا: هنگامی‌که در سالن مدیر مرا صدا زد، با خوشحالی به سمت تریبون رفتم!
- (۲) لَمَّا رُفِعَ السِتَارُ رَأَيْتُ صُورَةَ وَجَرْتُ دُمُوعَ الْفَرَحِ عَلَيَّ وَجَهِي: هنگامی‌که پرده بالا زده شد، عکسی را دیدم و اشک‌های شادی بر چهره‌ام جاری گشت!
- (۳) كَانَتْ تِلْكَ الصُّورَةُ صُورَةَ إِنْسَانٍ كُنْتُ أَظُنُّ أَنَّهُ قَدْ نُسِيَ: آن عکس تصویر انسانی بود که گمان می‌کردم فراموش شده است!
- (۴) الشُّهَدَاءُ رِجَالٌ قَاتَلُوا الْأَعْدَاءَ مُكَبَّرًا وَ دَافَعُوا عَنِ الْوَطَنِ: شهیدان مردانی بودند که تکبیرگویان با دشمنان جنگیدند و از میهن دفاع نمودند!

۲۷- عَيْنُ الْأَصْحَحِ فِي الْمَفْهُومِ لِلْعِبَارَةِ التَّالِيَةِ:

«إِنَّ الْأَدَبَ إِذَا كَثُرَ غَلَا»

- (۱) اندازه نگاه‌دار که اندازه نکوست / هم لایق دشمن است و هم لایق دوست
- (۲) کل شیء یرخص اذا کثر / هذا یشیر علی کلِّ إلیّ الأدب
- (۳) اگر چه عرض هنر پیش یار بی‌ادبیست / زبان خموش ولکن دهان پر از عربیست
- (۴) ادب عشق جمله بی‌ادبیست / أمة العشق عشقهم آداب

۲۸- عَيْنُ غَيْرِ الْمُنَاسِبِ فِي الْمَفَاهِيمِ التَّالِيَةِ:

- (۱) إِنَّ اللَّهَ لَا يُضِعُّ أَجْرَ الْمُحْسِنِينَ: تو نیکی می‌کن و در دجله انداز / که ایزد در بیابانت دهد باز
- (۲) لَا شَيْءَ أَحَقُّ بِالسَّجْنِ مِنَ اللِّسَانِ: گفته خوش که بر زبان آید / مرغ و حلوا پخته زان آید
- (۳) لَا عِلْمَ لَنَا إِلَّا مَا عَلَّمْتَنَا: خداوند خداوندان و صورت ساز بی‌صورت / چه صورت می‌کشی بر من تو دانی من نمی‌دانم
- (۴) لَا كَنْزَ أَغْنَى مِنَ الْقَنَاعَةِ: روده تنگ به یک نان تهی پر گردد / نعمت روی زمین پر نکند دیده تنگ

٢٩- رتّب الكلمات التّالية ثمّ عيّن جواباً لا يناسب الحوار:

«ى- الشّريف- أخرى- يا- أزور- ن- مرّة- ليت- البقيع»

(١) حبيبي، أنا أشتاق للزيارة أيضاً!

(٢) لكنّك أدّيتَ فريضة الحجّ في الماضي!

(٣) إن شاء الله نذهبُ في السّنة الآتية معاً!

(٤) إنها مشتاقَةٌ لزيارة العتبات المقدّسة!

٣٠- عيّن الخطأ في التعريف أو المفهوم و الحقيقة:

(١) تُمثالٌ منْ خَسَبٍ يُعبَدُ منْ دُونِ الله. ﴿الصَّنَم﴾

(٢) الإبتعادُ عنْ شَخْصٍ أوْ عَمَلٍ. ﴿التَّجَنُّب﴾

(٣) يَجِبُ عَلَيْنَا أَنْ نُفْتَخِرَ بِهِ. ﴿النَّسَب﴾

(٤) عَدَدُ الحُرُوفِ المُشَبَّهَةِ بالفعل. ﴿سِتَّة﴾

٣١- ما هو الخطأ حسب التوضيحات؟

(١) الداءُ شَخْصٌ هو يُعابِنُ المَرَضِيَّ وَ يَشَخَّصُ لَهُم المَرَضَ!

(٢) الفأسُ هي آلةٌ تُسْتَعْمَلُ لتقطيعِ أغصانِ الأشجار!

(٣) الجِراةُ نوعٌ من السِّياراتِ الَّتِي تُسْتَعْمَلُ في جَرِّ الأشياءِ أو حملها!

(٤) العَظْمُ هو عَضُوٌّ يَكُونُ جزءاً من الهيكل!

«قبلَ عدّةِ أعوام، كانَ هناكُ إعتقاد بينَ الرِّياضيِّينَ أن الإنسانَ لا يَسْتَطِيعُ أن يَقطعَ ميلاً في أقلّ من أربعِ دقائق، وأن أيَّ شَخْصٍ يُحاولُ كسرَ الرقمِ سوفَ يَنفجرُ قلبُه، و لكن أحدَ الرِّياضيِّينَ سألَ هل هُناكُ شَخْصٌ حاولَ وانفجرَ قلبُه، فجاءته الإجابةُ بالنّفي، فبدأ بالمُحاولةِ والمُمارسةِ و استطاعَ أن يكسرَ الرقمَ، و يقطعَ مسافةً ميل في أقلّ من أربعِ دقائق، في البداية ظنَّ العالمُ أَنَّهُ مجنونٌ أو أن ساعته غير صحيح، لكن بعدَ أن شاهدوه صَدَّقوا الأمرَ و استطاعَ في نفس العامِ أكثرَ من مئةِ رياضيٍّ أن يكسروا ذلكَ الرقمَ! إنَّ القناعةَ السَّلبيةَ تجعلُ الكثيرَ مِننا لا نَسعى للوصولِ إلى غاياتنا، قوّة الأفكارِ و سرعة استجابة الجسدِ لتلك الأفكارِ هي الَّتِي تصنعُ و تشكّل سلوكنا.»

٣٢- لِمَذا عَجَزَ الكثيرُ مِنَ الرِّياضيِّينَ عَن كَسْرِ الرقمِ؟ عيّن المُناسِبَ للجواب:

(١) لأنّهم كانوا مُصابينَ بأمراضِ القلب!

(٢) لأنّهم كانوا يَعمدونَ على الأقوال لا على قدراتهم!

(٣) لأنّ تلكَ الغايةَ كانتَ بعيدةَ المَنالِ جداً!

(٤) لأنّ الظُّروفَ ما كانتَ تَسمحُ لهم بالمُحاولةِ و الممارسة!

٣٣- ما هو المقصودُ من «القناعة السَّلبيةَّة»؟

(١) قناعةٌ تُوصلنا إلى ما نريدُه!

(٢) هي الَّتِي تجعلنا نَشعرُ بالرِّضاءِ عَن نعمِ الله!

(٣) قناعةٌ تَمنعنا مِن أن نأملَ و نُحاول!

(٤) هي الَّتِي تُقلِّلُ مِنَ الحرصِ و الطَّمع!

٣٤- عَيِّنْ مَا لَا يَرْتَبِطُ بِمَقْهُومِ النَّصِّ:

(٢) كُنْ أَنْتَ التَّغْيِيرَ الَّذِي تُرِيدُ أَنْ تَرَاهُ فِي الدُّنْيَا!

(١) الْإِتِّكَالَ عَلَى الْغَيْرِ ضَعْفٌ وَ الْإِعْتِمَادَ عَلَى الذَّاتِ قُوَّةٌ!

(٤) مَنْ طَلَبَ شَيْئاً وَجَدَهُ، وَجَدَ!

(٣) كَانَ إِرْضَاءُ النَّاسِ غَايَةً لَا تُدْرَكُ!

٣٥- عَيِّنِ الْخَطَأَ فِي التَّحْلِيلِ الصَّرْفِيِّ أَوْ الْمَحَلِّ الْإِعْرَابِيِّ:

«بعداً أن شاهدوه صدقوا الأمر واستطاع في نفس العام أكثر من مئة رياضي أن...!»

(٢) صدَّقوا: فعل ماضٍ - مصدره: تصديق / جملة فعلية

(١) شاهدوا: فعل ماضٍ - معلوم / جملة فعلية

(٤) أكثر: إسمٌ - مفردٌ مذكرٌ - إسم التفضيل / مفعول

(٣) العام: إسمٌ - مفردٌ مذكرٌ - معرفٌ بآل / مضافٌ إليه

٣٦- عَيِّنِ الصَّحِيحَ فِي ضَبْطِ حَرَكَاتِ الْكَلِمَاتِ:

(٢) ... فَبَدَأَ بِالمُحَاوَلَةِ وَالمُمارِسَةِ وَ اسْتَطَاعَ أَنْ يُكسِرَ الرِّقْمَ!

(١) هُنَاكَ إِعْتِقَادٌ بَيْنَ الرِّيَاضِيِّينَ أَنَّ الْإِنْسَانَ لَا يَسْتَطِيعُ أَنْ يَقْطَعَ مِيلاً!

(٤) ... لِتَبْلُكَ الْأَفْكَارِ هِيَ الَّتِي تَصْنَعُ وَ تُشَكِّلُ سُلُوكَنَا!

(٣) ظَنَّ الْعَالِمُ أَنَّهُ مَجْنُونٌ أَوْ أَنَّ سَاعَتَهُ غَيْرُ صَحِيحَةٍ!

٣٧- عَيِّنِ الْحَالَ جُمْلَةً اِسْمِيَّةً:

(٢) هَلْ يُمَكِّنُ أَنْ نَشَاهِدَ طَالِباً فِي الْمَدْرَسَةِ لَا يَرْسِبُ فِي الْإِحْتِبَارَاتِ؟!

(١) كَانَ الْأَطْفَالُ يَلْعَبُونَ فِي بَيْتِ جَدَّتِنَا الْمَرْحُومَةِ نَشِيطِينَ!

(٤) «و لَا تَهْنُوا وَ لَا تَحْزِنُوا وَ أَنْتُمْ الْأَعْلُونَ إِنْ كُنْتُمْ مُؤْمِنِينَ»

(٣) فِي الْمَلْعَبِ رَأَيْنَا لَاعِباً شَاباً يَسْجُلُ الْأَهْدَافَ مُتتَالِيَةً!

سأيت كنگور  
Konkur.in

٣٨- عَيِّنِ الْحَالَ لَيْسَتْ إِسْمُ الْفَاعِلِ:

(٢) تَرَكْتُ الْمَدِينَةَ الْهَادِثَةَ حَزِيناً وَ رَكِبْتُ حَافِلَةً!

(١) يَذْكُرُ الْمُؤْمِنُونَ رَبَّهُمُ الْكَرِيمَ خَاشِعِينَ!

(٤) شَاهَدْنَا سِيَّارَاتِ الْمَلَّازِمِينَ وَاقْبَعِينَ جَانِبِي الطَّرِيقِ!

(٣) يُقِيمُ حَامِدٌ صَلَاةَ اللَّيْلِ مُتَكاسلاً وَ يَنَامُ فِي غُرْفَتِهِ!

۳۹- عَيْنَ الصَّحِيحِ عَنْ نَوْعٍ «لَا»:

(۲) فَفَهَّمْنَا الْإِسْتِزَادُ أَنْ لَا خَيْرَ فِي قَوْلِ إِلَّا مَعَ الْفِعْلِ! (نفي)

(۱) عَلَى كُلِّ الْمَوَاتِينِ إِلَّا يُخْرَبُوا الْمَرَافِقَ الْعَامَّةَ! (نهی)

(۴) لَا يَيْأَسُ مِنْ رَوْحِ اللَّهِ لِأَنَّهُ غَفُورٌ رَحِيمٌ! (نهی)

(۳) «قَالُوا سُبْحَانَكَ لَا عِلْمَ لَنَا إِلَّا مَا عَلَّمْتَنَا» (نفي)

۴۰- عَيْنَ مَا فِيهِ الْمَشَابَهَةُ:

(۲) إِرْضَاءُ النَّاسِ غَايَةٌ لَا تَدْرِكُ!

(۱) «إِنَّ اللَّهَ يُحِبُّ الَّذِينَ يُقَاتِلُونَ فِي سَبِيلِهِ صَفًّا كَأَنَّهُمْ بُنْيَانٌ مَرْصُوعٌ»

(۴) كُلُّ طَعَامٍ لَا يُذَكَّرُ اسْمُ اللَّهِ عَلَيْهِ فَإِنَّمَا هُوَ دَاءٌ وَلَا بَرَكَةَ فِيهِ!

(۳) لَا كَنْزَ أَغْنَى مِنَ الْقَنَاعَةِ!

۴۱- گمان نادرست کافران در کدام عبارت قرآنی مشهود است و در چه شرایطی عذاب شامل حال آنان می‌گردد؟

(۲) «عَطَاءٌ رَيْبٌ مَحْظُورٌ»- «أَنَّمَا نُمَلَى لَهُمْ»

(۱) «خَيْرٌ لِنَفْسِهِمْ»- «أَنَّمَا نُمَلَى لَهُمْ»

(۴) «عَطَاءٌ رَيْبٌ مَحْظُورٌ»- «لِيَزِدَادُوا أَيْمًا»

(۳) «خَيْرٌ لِنَفْسِهِمْ»- «لِيَزِدَادُوا أَيْمًا»

۴۲- از تدبر در بیت «ذات نیافته از هستی بخشی / چون تواند که بود هستی بخشی» به چه مفهومی پی‌می‌بریم و به نیازمندی جهان به خداوند در چه امری

مربوط می‌شود؟

(۱) اگر به خود نظر کنیم، خود را پدیده‌ای می‌یابیم که هستی‌مان از خودمان نیست. - پیدایش

(۲) اگر به خود نظر کنیم، خود را پدیده‌ای می‌یابیم که هستی‌مان از خودمان نیست. - بقا

(۳) پدیده‌هایی که وجودشان از خودشان نیست، برای موجود شدن نیازمند به پدیده‌آورنده‌ای هستند که خودش پدیده نباشد، بلکه وجودش از خودش باشد. - بقا

(۴) پدیده‌هایی که وجودشان از خودشان نیست، برای موجود شدن نیازمند به پدیده‌آورنده‌ای هستند که خودش پدیده نباشد، بلکه وجودش از خودش باشد. - پیدایش

۴۳- هدف خدای حکیم از نگرهبانی آسمان‌ها و زمین جلوگیری از کدام حادثه است و در صورت چشم گشودن انسان به روی دلایل روشن فرو فرستاده شده از

جانب خدا، کدام نتیجه عاید انسان می‌گردد؟

(۲) «لَئِنْ زَأَلْتَا»- «فَعَلَيْهَا»

(۱) «أَنْ تَزُولَا»- «فَعَلَيْهَا»

(۴) «لَئِنْ زَأَلْتَا»- «فَلِنَفْسِيهِ»

(۳) «أَنْ تَزُولَا»- «فَلِنَفْسِيهِ»

۴۴- در بیان قرآن کریم «مؤمنان باتقوا در جامعه» و «کوشش کنندگان در راه خدا» به ترتیب مشمول کدام یک از وعده‌های تخلف‌ناپذیر الهی می‌شوند؟

(۱) «فَلَهُ عَشْرُ امْتَالِهَا» - «تَبَلُّوْكُمْ بِالْشَّرِّ وَ الْخَيْرِ»

(۲) «لَفَتَحْنَا عَلَيْهِمْ بَرَكَاتٍ» - «تَبَلُّوْكُمْ بِالْشَّرِّ وَ الْخَيْرِ»

(۳) «لَفَتَحْنَا عَلَيْهِمْ بَرَكَاتٍ» - «لَنَهْدِيَنَّهُمْ سُبُلَنَا»

(۴) «فَلَهُ عَشْرُ امْتَالِهَا» - «لَنَهْدِيَنَّهُمْ سُبُلَنَا»

۴۵- این مطلب که «وقتی دو نفر با هم آیاتی را از رسول خدا (ص) می‌شنوند، در یکی، کفر و لجاجت می‌افزاید و در دیگری به تقویت ایمان منجر می‌شود».

با مفهوم کدام عبارت شریفه در ارتباط است؟

(۱) «من جاء بالسَّيِّئَةِ فَلَا يَجْزِي آلَا مِثْلَهَا»

(۲) «وَالَّذِينَ جَاهَدُوا فِينَا لَنَهْدِيَنَّهُمْ سُبُلَنَا ...»

(۳) «أَحْسَبَ النَّاسَ أَنْ يَتْرَكُوا أَنْ يَقُولُوا آمَنَّا وَ هُمْ لَا يَفْتَنُونَ»

(۴) «وَلَكِنْ كَذَّبُوا فَأَخَذْنَاهُمْ بِمَا كَانُوا يَكْسِبُونَ»

۴۶- «خواست الهی» را می‌توان با تدبیر در کدام آیه شریفه به‌صورت آشکارتر ملاحظه کرد؟

(۱) «قُلِ اللَّهُمَّ مَالِكَ الْمَلِكِ تُؤْتِي الْمَلِكَ مَن تَشَاءُ وَ تَنْزِعُ الْمَلِكَ مِمَّن تَشَاءُ» (۲) «قُلْ هَلْ يَسْتَوِي الْأَعْمَى وَ الْبَصِيرُ أَمْ هَلْ تَسْتَوِي الظُّلُمَاتُ وَ النُّورُ»

(۳) «قُلْ أَفَاتَّخَذْتُمْ مِنْ دُونِهِ أَوْلِيَاءَ لَا يَمْلِكُونَ لِأَنْفُسِهِمْ نَفْعًا وَ لَا ضَرًّا»

(۴) «مَا لَهُمْ مِنْ دُونِهِ مِنْ وَلِيٍّ وَ لَا يُشْرِكُ فِي حُكْمِهِ أَحَدًا»

۴۷- این که «نیاز دائمی موجودات لطف و فیض دائمی خدا را می‌طلبد، یعنی او هر لحظه دارای فیض جدید و مستمر برای آفریده‌هاست»، با پیام کدام آیه

شریفه ارتباط مفهومی دارد؟

(۱) «يَا أَيُّهَا النَّاسُ أَنْتُمْ الْفُقَرَاءُ إِلَى اللَّهِ وَ اللَّهُ هُوَ الْغَنِيُّ الْحَمِيدُ»

(۲) «قُلْ أَعْلَمُ بِمَا اللَّهُ ابْنِي رَبًّا وَ هُوَ رَبُّ كُلِّ شَيْءٍ»

(۳) «يَسْأَلُهُ مَنْ فِي السَّمَاوَاتِ وَ الْأَرْضِ كُلَّ يَوْمٍ هُوَ فِي شَأْنٍ»

(۴) «قُلْ اللَّهُ خَالِقُ كُلِّ شَيْءٍ وَ هُوَ الْوَاحِدُ الْقَهَّارُ»

۴۸- میان عبارت قرآنی «و أن اعبدونني» و کدام آیه شریفه، ارتباط مستقیم و نزدیک‌تری برقرار است و علت لزوم توجه به این عبارت قرآنی کدام است؟

(۱) «أَنْمَّا أَعْظَمُكُمْ بِوَاحِدَةٍ أَنْ تَقُومُوا لِلَّهِ» - «مَثْنَى وَ فُرَادَى»

(۲) «أَنْمَّا أَعْظَمُكُمْ بِوَاحِدَةٍ أَنْ تَقُومُوا لِلَّهِ» - «هَذَا صِرَاطٌ مُسْتَقِيمٌ»

(۳) «أَنْ لَا تَعْبُدُوا الشَّيْطَانَ إِنَّهُ لَكُمْ عَدُوٌّ مُبِينٌ» - «هَذَا صِرَاطٌ مُسْتَقِيمٌ»

(۴) «أَنْ لَا تَعْبُدُوا الشَّيْطَانَ إِنَّهُ لَكُمْ عَدُوٌّ مُبِينٌ» - «مَثْنَى وَ فُرَادَى»

۴۹- عقیده به توانایی اولیای دین در برآوردن حاجات انسان به اذن خداوند، نشان‌دهنده کدام مرتبه توحید است و این که آفریننده‌ای حکیم، عالم را هدایت

می‌کند، بیانگر توحید مطرح شده در کدام آیه است؟

(۱) توحید در ولایت- «ما لهم من دونه من ولیّ و لا یشرک فی حکمه احداً»

(۲) توحید در ولایت- «قل اغیر الله ابغی ربّاً و هو ربّ کلّ شیءٍ»

(۳) توحید در ربوبیت- «ما لهم من دونه من ولیّ و لا یشرک فی حکمه احداً»

(۴) توحید در ربوبیت- «قل اغیر الله ابغی ربّاً و هو ربّ کلّ شیءٍ»

۵۰- وقتی انسان برای رفع تشنگی اقدام به نوشیدن آب می‌کند، کدام باور و اعتقاد در وجود او به منصفه ظهور می‌رسد و این موضوع را می‌توان در کدام آیه

جست‌وجو کرد؟

(۱) کل کائنات مقضی به قضای الهی‌اند.- «ذَٰلِکَ بِمَا قَدَّمْتُمْ لِیَدِیْکُمْ» (۲) کل کائنات مقضی به قضای الهی‌اند.- «لَا الشَّمْسُ یَنْبَغِی لَهَا أَنْ تُدْرِكَ الْقَمَرَ»

(۳) همه عالم تحت تقدیر و قضای الهی است.- «لَا الشَّمْسُ یَنْبَغِی لَهَا أَنْ تُدْرِكَ الْقَمَرَ» (۴) همه عالم تحت تقدیر و قضای الهی است.- «ذَٰلِکَ بِمَا قَدَّمْتُمْ لِیَدِیْکُمْ»

۵۱- برناتفتن ارتباط مسالمت‌آمیز با اهل باطل، وظیفه کدام دسته از افراد بوده و علت موظف بودنشان به این تکلیف الهی، در کدام عبارت تبیین گردیده

است؟

(۱) «مَنْ یَعْبُدُ اللَّهَ عَلَىٰ حَرْفٍ»- «إِنْ أَصَابَتْهُ فِتْنَةٌ انْقَلَبَ عَلَىٰ وَجْهِهِ» (۲) «مَنْ یَعْبُدُ اللَّهَ عَلَىٰ حَرْفٍ»- «قَدْ کَفَرُوا بِمَا جَاءَکُمْ مِنَ الْحَقِّ»

(۳) «الَّذینَ آمَنُوا»- «إِنْ أَصَابَتْهُ فِتْنَةٌ انْقَلَبَ عَلَىٰ وَجْهِهِ» (۴) «الَّذینَ آمَنُوا»- «قَدْ کَفَرُوا بِمَا جَاءَکُمْ مِنَ الْحَقِّ»

۵۲- احاطه و دسترسی ذهنی انسان به کدام حیطة، مقدور بوده و ملزوم آن کدام است؟

(۲) صفات خداوند نامحدود- ناتوانی ادراکی بشر

(۱) چگونگی امور نامحدود- محدود کردن چیستی آنها

(۴) شناخت کهکشان‌های دور- شناسایی ذات آنها

(۳) تفکر در امور محدود- شناخت هر چیزی

۵۳- علت عبارت قرآنی «حکومت از آن توست» رذ کددام فرض را بیان می‌کند؟

(۱) چند خدا با همکاری یک‌دیگر جهان هستی را آفریده‌اند. (۲) در کنار خداوند، مخلوقات نیز مالک بخشی از جهان هستند.

(۳) برخی انسان‌ها مستقل از خداوند توانایی تدبیر امور را دارند. (۴) درخواست حاجت از اولیای الهی، شرک‌آلود است.

۵۴- چه چیزی موجب نگرش صحیح انسان نسبت به تلخی‌ها و شیرینی‌ها و شکست‌ها و موفقیت‌ها خواهد شد؟

(۱) بروز صفات درونی با امتحان الهی (۲) پاسخ مثبت به ندای حق پیامبران

(۳) شناخت قوانین جهان خلقت (۴) شناخت قوانین حاکم بر زندگی انسان‌ها

۵۵- خاستگاه بت‌پرستی و شرک نوین که جوامع امروزی دچار آن شده‌اند، کدام است و این مفهوم را در کدام آیه می‌توان جست‌وجو کرد؟

(۱) وارد نکردن دین و فرامین دینی در متن زندگی - «وَقَدْ كَفَرُوا بِمَا جَاءَكُمْ مِنَ الْحَقِّ»

(۲) وارد نکردن دین و فرامین دینی در متن زندگی - «أَرَأَيْتَ مَنْ اتَّخَذَ إِلَهَهُ هَوَاهُ»

(۳) توجه به امور دنیوی و عدم درک معنویت - «أَرَأَيْتَ مَنْ اتَّخَذَ إِلَهَهُ هَوَاهُ»

(۴) توجه به امور دنیوی و عدم درک معنویت - «وَقَدْ كَفَرُوا بِمَا جَاءَكُمْ مِنَ الْحَقِّ»

۵۶- سمت و سوی انسان موحد در کدام جهت است و علت امیدواری پیوسته او کدام نگرش می‌باشد؟

(۱) خواست و رضایت الهی - ثبات شخصیت و پایداری روانی (۲) خواست و رضایت الهی - حکیمانه دانستن حوادث جهان

(۳) ایثار و خیررسانی به دیگران - حکیمانه دانستن حوادث جهان (۴) ایثار و خیررسانی به دیگران - ثبات شخصیت و پایداری روانی

۵۷- اولین گام در دستیابی به اخلاص کدام است و به چه معناست؟

(۱) اخلاص در قلب- همهٔ امور خود و عالم را در دست خدا ببینیم و بدانیم که وی مدبّر آنها است.

(۲) اخلاص در اندیشه- همهٔ امور خود و عالم را در دست خدا ببینیم و بدانیم که وی مدبّر آنها است.

(۳) اخلاص در اندیشه- قلب خویش را خانهٔ خداوند قرار دهیم و نیت‌های درونی خود را الهی کنیم.

(۴) اخلاص در قلب- قلب خویش را خانهٔ خداوند قرار دهیم و نیت‌های درونی خود را الهی کنیم.

۵۸- ثمرهٔ شناخت قضای متناسب با هر تقدیر الهی چیست و نقشهٔ جهان با همهٔ ریزه‌کاری‌هایش، مبتنی بر چه چیزی طراحی گردیده است؟

(۱) تصمیم‌گیری بهتر و انتخاب مناسب‌تر- علم الهی

(۲) تصمیم‌گیری بهتر و انتخاب مناسب‌تر- ارادهٔ الهی

(۳) اطمینان خاطر بخشیدن به انسان- ارادهٔ الهی

(۴) اطمینان خاطر بخشیدن به انسان- علم الهی

۵۹- مطابق روایات اسلامی، وسیلهٔ آموختن اخلاص انسان‌ها، کدام فریضهٔ الهی است و پیمان و عهدی که خداوند در فطرت انسان‌ها قرار داده است چیست؟

(۱) روزه- «الینا ترجعون»

(۲) روزه- «أَنْ اعْبُدُونِي»

(۳) نماز- «أَنْ اعْبُدُونِي»

(۴) نماز- «الینا ترجعون»

۶۰- آیات شریفهٔ «مَا لَهُمْ مِنْ دُونِهِ مِنْ وَلِيٍّ وَلَا يُشْرِكُ فِي حُكْمِهِ أَحَدًا» و «قُلْ أَعْلَمُ اللَّهُ ابْنِي رَبًّا وَهُوَ رَبُّ كُلِّ شَيْءٍ» به ترتیب مبین کدامیک از مفاهیم

توحیدی است؟

(۱) پشتیبانی و تدبیر خداوندی- آغاز و مبدأ جهان بودن

(۲) پشتیبانی و تدبیر خداوندی- اداره و پیش‌برد جهان به سوی مقصد معین

(۳) حقّ تصرف الهی- آغاز و مبدأ جهان بودن

(۴) حقّ تصرف الهی- پشتیبانی و تدبیر خداوندی

61- These days, the country is suffering from different financial problems. To solve the problems, a lot of meetings ... so far, but the government officials have not made any decision yet.

1) have held

2) are holding

3) are held

4) have been held

62- I've heard that your sister's got two sons and a daughter, ...?

1) haven't I

2) isn't she

3) hasn't she

4) is she

- 63- It is often claimed that entering the water on a full stomach can result in death, ... if this were true, then why would some swimmers risk eating during a race?  
1) or                                      2) so                                      3) and                                      4) but
- 64- The president stated that the stadium ... going to be used in 2015, has not been completed yet.  
1) with that                              2) who was                              3) which was                              4) with whom
- 65- I used to live in an apartment building ... a very slow elevator. The neighbors constantly complained about it.  
1) that had                              2) and had                              3) that it had                              4) it had
- 66- I clearly remember the beautiful little girl ... burst into tears thanks to a picture of her deceased mother ... was shown to her.  
1) who / whom                              2) who / that                              3) whom / that                              4) which / that
- 67- If you're planning to go anywhere during the upcoming holiday, I ... that you should book your tickets now. If you wait, all the planes may be full.  
1) recommend                              2) introduce                              3) express                              4) consider
- 68- Sometimes a special dream comes true, and ... it makes your entire world seem beautiful and new. Has this ever happened to you?  
1) appropriately                              2) comfortably                              3) suddenly                              4) successfully
- 69- Ten years ago, Mary went to Canada to continue her studies in biochemistry. When she returned, her appearance was so changed that I hardly ... her.  
1) replaced                              2) discovered                              3) recognized                              4) described
- 70- The man living in our neighborhood was so ..... that he gave all his money to a charity to build houses for the poor.  
1) generous                              2) nervous                              3) serious                              4) famous
- 71- The word "blog" is a(n) ... form for "weblog". As you know, a blog is a kind of journal in which people can publish their thoughts and opinions on the Internet.  
1) defined                              2) improved                              3) combined                              4) abbreviated
- 72- He became a football star at the age of 18. It was a considerable ... for such a young player.  
1) development                              2) achievement                              3) arrangement                              4) experiment

Recycling is a way to take garbage and turn it into new products. There are a number of different recycling processes that allow materials to be used more than once. All sorts of materials can be recycled. Some of the most common processes in use today involve recycling plastic, glass, metals, paper and electronics. Typical used items made of these materials include plastic milk cartons, newspapers, and old computers.

Recycling is actually a complex process and is different for each type of material. Aluminum cans were one of the first items to be heavily recycled. The cans are first shredded and then melted. From there, the aluminum can be used to make new cans and other aluminum items. There are a lot of types of plastic and each one is made from a different combination of chemicals. As a result, plastic bottles are first sorted into their various chemical types. Then they are cleaned to get rid of any leftover food or other waste.

Next, the bottles are pieced into plastic chips. Then the chips can be melted down to create new plastic or turned into a fiber used for making carpets or clothing. Computers and batteries are usually recycled in order to remove harmful chemicals as well as to recover some valuable materials such as gold from electronics boards. There are a number of benefits from recycling. Recycling materials means less trash and saves space in dumps and landfills. When we use materials again, this means we can take fewer resources from the Earth. In general, recycling materials can produce less pollution helping to keep our environment clean.

73- Which of the following is considered as the best title for the above passage?

- 1) Difficulty of Recycling
- 2) Complexity of Recycling
- 3) Possibility of Recycling
- 4) Process of Recycling

74- All of the following indicate the advantages of recycling EXCEPT ... .

- 1) producing fewer garbage in the environment
- 2) creating various types of plastic
- 3) taking less resources from the Earth
- 4) saving nature

75- The underlined word “shred” is closest in meaning to ... .

- 1) collect
- 2) cut
- 3) include
- 4) pack

76- According to the above passage, which of the following is NOT true?

- 1) Developing the landfill site is harmful for the Earth.
- 2) All materials can be recycled similarly.
- 3) Recycling is important to help the environment.
- 4) Valuable materials will be removed from the recycled materials.

A newborn baby can see, hear and feel. By the age of five, a child can talk and ride a bike. How does this development happen? We don't really understand the way language and thinking develop in the brain. Now scientists are using new technology to help them in their studies. They are discovering new information about the way a baby's brain develops.

A study in 2010 showed that the experiences a child has in his/ her first few years are important. These experiences affect the development of the brain. The study showed when children receive more attention, they often have higher IQs. Babies receive information when they see, hear and feel things. This information makes connections between different parts of the brain. There are a hundred trillion connections in the brain of a three-year-old child.

One experiment studied how newborn babies' brains react to different sounds. The sounds were in different patterns. For example, the sounds mu-ba-ba make the pattern 'A-B-B'. And the sounds mu-ba-ge make the pattern 'A-B-C'. The results of the study showed that babies know the two patterns are different. Patterns are important in language. The order of words is important to grammar and meaning. For example, 'John killed the bear' doesn't mean the same as 'The bear killed John'. Both sentences have the same words, but they are in a different order. The experiment shows that babies start to learn grammar rules from the beginning of their life.

Language is important for child development. Babies can hear language in various ways: listening to television, audio books or the Internet and interacting with people. A scientist, Patricia Kuhl, compared two groups of nine-month-old American babies. Both groups heard Mandarin Chinese sounds. The first group watched videos. In the second group, people spoke the same sounds to the babies. Then they tested the babies. The second group recognized the different sounds. The first group learned nothing. Patricia Kuhl said this result was very surprising. It shows that social interaction is important to successful brain development in babies.

77- What is the main purpose of the passage?

- 1) Comparing the brains of adults and children
- 2) Explaining how human brain works
- 3) Describing studies into brain development in babies
- 4) Showing how babies in the research were intelligent

78- According to the article, which statement is TRUE?

- 1) Different languages influence the brain in different ways.
- 2) Interactive experiences are important in brain development.
- 3) Babies can learn Mandarin Chinese easily.
- 4) Babies receive information just when they feel things.

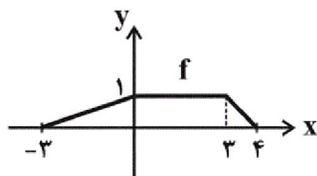
79- According to the second paragraph, what makes new connections in the brain?

- |                                 |                     |
|---------------------------------|---------------------|
| 1) experiencing new information | 2) having a high IQ |
| 3) the child's age              | 4) hearing sounds   |

80- The experiment in paragraph 3 used sound patterns because ... .

- |                                   |   |
|-----------------------------------|---|
| 1) sounds make different patterns | 2) different languages have different grammar |
| 3) words have different sounds    | 4) word order is a part of grammar            |

۸۱- اگر نمودار تابع  $f$  به صورت شکل زیر و  $g(x) = \begin{cases} f(x+1); & x \geq 0 \\ f(2x); & x < 0 \end{cases}$  باشد، مساحت سطح محدود بین نمودار تابع  $g$  و محور



$x$  ها کدام است؟

(۲)  $\frac{11}{4}$

(۱)  $\frac{7}{4}$

(۴)  $\frac{15}{4}$

(۳)  $\frac{13}{4}$

۸۲- دامنه تابع  $g(x) = f(2x-1)$  بازه  $[-1, 3]$  است. دامنه تابع  $h(x) = f(3x+2)$  کدام است؟

(۴)  $[-\frac{5}{3}, 1]$

(۳)  $[-\frac{5}{3}, 2]$

(۲)  $[0, 8]$

(۱)  $[0, 2]$

۸۳- اگر  $f$  تابعی اکیداً صعودی و  $f(1) = 0$  باشد، دامنه تابع  $g(x) = \sqrt{\frac{x-4}{f(3-x)}}$  شامل چند عدد صحیح است؟

(۴) بی شمار

(۳) ۳

(۲) ۲

(۱) صفر

۸۴- اگر  $f(x) = \sqrt{x-3}$  و  $g(x) = 2^{-x}$  باشد، کدام یک از توابع زیر نزولی است؟

(۴)  $\frac{f}{g}$

(۳)  $g-f$

(۲)  $fg$

(۱)  $f+g$

۸۵- باقی مانده تقسیم چند جمله‌ای  $2x^2 - 5x + kx^4 + 2x^3 - 4$  بر  $x-1$  برابر با  $-4$  است. باقی مانده تقسیم این چند جمله‌ای بر

$x^2 - x - 2$  کدام است؟

(۴)  $-2x - 4$

(۳)  $2x + 4$

(۲)  $-2x + 4$

(۱)  $2x - 4$

۸۶- اگر دوره تناوب تابع  $f(x) = 2 - 3a \cos\left(\frac{\pi}{a}x + 1\right)$  برابر ۴ باشد، مقدار ماکزیم آن کدام است؟

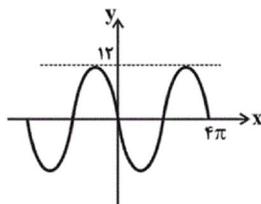
(۴) ۴

(۳) ۶

(۲) ۸

(۱) ۱۰

۸۷- قسمتی از نمودار تابع  $f(x) = b \cos\left(\frac{\pi}{2} - ax\right)$  به صورت شکل زیر است. کمترین مقدار  $a+b$  کدام است؟



(۲)  $\frac{25}{2}$

(۱)  $-\frac{23}{2}$

(۴)  $-\frac{25}{2}$

(۳)  $\frac{23}{2}$

۸۸- تابع  $f(x) = \tan\left(\frac{\pi x}{4}\right)$  با دامنه  $(2, a)$  اکیداً صعودی است. حداکثر مقدار  $a$  کدام است؟

(۴) ۸

(۳) ۶

(۲) ۴

(۱) ۳

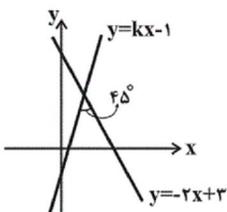
۸۹- ساده شده عبارت  $\frac{1 + \tan 21^\circ \tan 15^\circ}{\tan 21^\circ - \tan 15^\circ}$  کدام است؟

cot 1° (۴)

tan 1° (۳)

cot 75° (۲)

tan 75° (۱)



۹۰- در شکل مقابل، مقدار k کدام است؟

 $\frac{5}{2}$  (۲)

۲ (۱)

 $\frac{7}{2}$  (۴)

۳ (۳)

۹۱- معادله  $\sin^2 x + \cos^2 3x = 1$  در بازه  $[0, \pi]$  چند جواب دارد؟

۳ (۴)

۶ (۳)

۵ (۲)

۴ (۱)

۹۲- جواب کلی معادله  $\sin x \cos x - \frac{1}{1 + \tan^2 x} = \cos \frac{4\pi}{3}$  کدام است؟

 $\frac{k\pi}{2} + \frac{\pi}{8}$  (۴) $k\pi + \frac{\pi}{8}$  (۳) $k\pi + \frac{\pi}{4}$  (۲) $\frac{k\pi}{2} + \frac{\pi}{4}$  (۱)

۹۳- معادله  $\sin 2x = \cos 3x$  در بازه  $[0, a]$ ،  $\Delta$  جواب دارد. حداکثر مقدار a کدام است؟

 $\frac{5\pi}{2}$  (۴) $\frac{3\pi}{2}$  (۳) $\frac{21\pi}{10}$  (۲) $\frac{17\pi}{10}$  (۱)

۹۴- حاصل  $\lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{[x^2] - 9}{x^2 - 9}$  کدام است؟ ([ ]، نماد جزء صحیح است.)

-∞ (۴)

۱ (۳)

+∞ (۲)

صفر (۱)

سایت کنکور

Konkur.in

۹۵- حاصل  $\lim_{x \rightarrow (-1)^-} \frac{\cos\left(\frac{\pi}{2}x\right)}{1 + \sin\left(\frac{\pi}{2}x\right)}$  کدام است؟

+∞ (۴)

۱ (۳)

صفر (۲)

-∞ (۱)

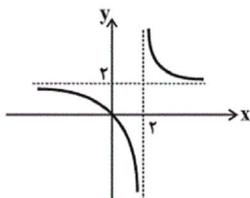
۹۶- نمودار تابع f در شکل مقابل رسم شده است. حاصل  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f \circ f(x)$  کدام است؟

صفر (۴)

-∞ (۳)

+∞ (۲)

۲ (۱)



۹۷- حاصل  $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{3x(x-1) + x^2 \left[ \frac{1}{x} \right]}{x^2 \left( 2 + \left[ -\frac{1}{x} \right] \right) + 1}$  کدام است؟ ([ ]، نماد جزء صحیح است.)

 $-\frac{1}{2}$  (۴) $\frac{3}{2}$  (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

۹۸- اگر نمودار تابع  $y = \frac{a+1}{x^2 + 2ax - 4a}$  در اطراف مجانب قائمش به صورت مقابل باشد،  $a$  چند مقدار مختلف

می تواند داشته باشد؟



(۴) صفر

(۳) ۱

(۲) ۲

(۱) ۳

۹۹- مجانب های نمودار تابع  $f(x) = \frac{1+x^2}{1-x^2}$  در دو نقطه  $A$  و  $B$  متقاطع اند و  $O$  مبدأ مختصات است. مساحت مثلث  $OAB$

کدام است؟

(۴)  $\frac{\sqrt{2}}{2}$

(۳) ۲

(۲)  $\sqrt{2}$

(۱) ۱

۱۰۰- اگر فاصله خطوط مجانب قائم نمودار تابع  $f(x) = \frac{2x^2 + 3}{ax^2 - x + 1 - a}$  از یکدیگر برابر ۳ باشد، معادله مجانب افقی آن کدام

می تواند باشد؟

(۴)  $y = -2$

(۳)  $y = 5$

(۲)  $y = -1$

(۱)  $y = -\frac{2}{5}$

۱۰۱- اگر  $A$  و  $B$  دو ماتریس مربعی و  $AB = A$  و  $BA = B$  باشد، حاصل  $A + A^2 + \dots + A^{1397}$  کدام است؟

(۲)  $1397A$

(۱)  $1396A$

(۴)  $1398A$

(۳)  $1399A$

۱۰۲- اگر  $A = \begin{bmatrix} 2 & 3 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}$ ، آنگاه مجموع مجهولات دستگاه  $AX = \begin{bmatrix} 2 \\ 3 \end{bmatrix}$  چند برابر مجموع مجهولات دستگاه  $AX' = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix}$  است؟

(۲)  $3/5$

(۱) ۳

(۴)  $4/5$

(۳) ۴

۱۰۳- اگر  $A$  و  $B$  دو ماتریس مربعی مرتبه ۲ و  $|A+B| = 5$  و  $|B| = 2$  باشد، دترمینان ماتریس  $AB^{-1} + I$  کدام است؟

(۲)  $\frac{2}{5}$

(۱) ۱۰

(۴) ۵

(۳)  $\frac{5}{2}$

۱۰۴- اگر  $A = \begin{bmatrix} 4 & a \\ 2 & -1 \end{bmatrix}$  و  $B = \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 3 & b \end{bmatrix}$  و ماتریس  $B \times A$  ماتریسی قطری باشد، آنگاه مجموع درایه‌های ماتریس  $B \times A$  کدام

است؟

- (۱) ۶ (۲) صفر (۳) -۶ (۴) -۱۲

۱۰۵- به ازای چند مقدار طبیعی  $k$ ، رابطه  $x^2 + y^2 + 2x + 3y + k = 0$  معادله یک دایره است؟

- (۱) ۳ (۲) ۴

- (۳) ۵ (۴) ۶

۱۰۶- دایره به معادله  $x^2 + y^2 + (a+1)x - (b-1)y + 16 = 0$  در ربع دوم بر محورهای مختصات مماس است.  $a - b$  کدام است؟

- (۱) ۱ (۲) ۲

- (۳) -۱ (۴) -۲

۱۰۷- بیش‌ترین فاصله نقاط دایره  $x^2 + y^2 = 4y$  از خط  $3x + 4y = 1$  کدام است؟

- (۱)  $5/6$  (۲)  $1/4$

- (۳)  $2/2$  (۴)  $3/4$

۱۰۸- اگر خط  $x + y = m$  بر دایره به معادله  $x^2 + y^2 = m$  مماس باشد، وضعیت نسبی این دایره و دایره  $x^2 + y^2 - 2x = 0$  کدام

است؟

- (۱) متداخل (۲) متخارج (۳) متقاطع (۴) مماس خارج

۱۰۹-  $F$  و  $F'$  کانون‌های یک بیضی به طول قطر کوچک ۶ هستند. دایره‌ای به قطر  $FF'$ ، بیضی را در چهار نقطه قطع کرده است.

اگر  $M$  یکی از این چهار نقطه باشد، حاصل  $MF \times MF'$  کدام است؟

- (۱) ۱۸ (۲) ۲۰ (۳) ۲۴ (۴) ۳۶

۱۱۰- مساحت چهارضلعی حاصل از وصل کردن دو سر قطر بزرگ به دو سر قطر کوچک یک بیضی برابر ۱۲۰ و خروج از مرکز این

بیضی  $\frac{4}{5}$  است. فاصله کانونی بیضی کدام است؟

۱) ۸                      ۲) ۱۰                      ۳) ۱۲                      ۴) ۱۶

۱۱۱- اگر  $A = \begin{bmatrix} -2 & 1 \\ 5 & 4 \end{bmatrix}$  و  $A^T = \alpha A + \beta I$  باشد، دوتایی مرتب  $(\alpha, \beta)$  کدام است؟

۱) (۲, ۱۱)                      ۲) (۲, ۱۳)

۳) (۴, ۱۱)                      ۴) (۴, ۱۳)

۱۱۲- اگر  $A^{-1} = mA + nI$  باشد، حاصل  $m + n$  کدام است؟

۱) ۴                      ۲) ۳

۳) ۱                      ۴) ۲

۱۱۳- معادله  $\begin{vmatrix} 1 & x & x^2 \\ 1 & x^2 & x^2 \\ 1 & x^2 & x \end{vmatrix} = 0$  چند ریشه متمایز دارد؟

۱) ۳                      ۲) صفر                      ۳) بی‌شمار

۱۱۴- اگر  $A^T = \begin{bmatrix} 8 & 0 \\ a & 1 \end{bmatrix}$ ، دترمینان ماتریس  $|A|$  چقدر است؟

۱) ۴                      ۲) ۲

۳) ۱۶                      ۴) ۸

۱۱۵- مکان هندسی وسط پاره‌هایی که نقطه مفروض  $P$  را به نقاط مختلف یک دایره وصل می‌کنند، کدام است؟ (نقطه  $P$  خارج

دایره است.)

۱) دو خط                      ۲) یک نیم دایره

۳) یک بیضی                      ۴) یک دایره

۱۱۶- دایره‌ای از دو نقطه  $(0,1)$  و  $(3,0)$  گذشته و معادله یک قطر آن به صورت  $x-y=2$  است. شعاع این دایره کدام است؟

- (۱)  $\sqrt{2}$  (۲) ۲ (۳)  $\sqrt{5}$  (۴) ۳

۱۱۷- به ازای کدام مقدار  $a$ ، زاویه بین خط مماس بر دایره  $x^2 + y^2 - 2x + y = 1$  و خط به معادله  $3x + 2y = a$  در نقطه تلاقی آن‌ها

بر روی دایره،  $90^\circ$  درجه است؟

- (۱) ۲ (۲) ۳ (۳) ۴ (۴) ۵

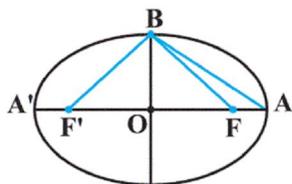
۱۱۸- مماس مشترک‌های داخلی دو دایره  $x^2 + y^2 - 2x - 2y + 2 - a^2 = 0$  و  $(x-6)^2 + (y-6)^2 = 9$  بر هم عمود هستند. مقدار

مثبت  $a$  کدام است؟

- (۱) ۱ (۲) ۲

- (۳) ۳ (۴) ۴

۱۱۹- در شکل زیر، مساحت مثلث  $OAB$  سه برابر مساحت مثلث  $FBF'$  است. خروج از مرکز بیضی کدام است؟

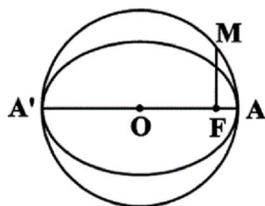


- (۱)  $\frac{1}{6}$  (۲)  $\frac{1}{3}$

- (۳)  $\frac{1}{2}$  (۴)  $\frac{2}{3}$

۱۲۰- مطابق شکل، قطر بزرگ یک بیضی منطبق بر یکی از قطرهای دایره  $C$  است. از کانون  $F$ ، عمودی بر قطر  $AA'$  رسم کرده‌ایم

تا دایره را در نقطه  $M$  قطع کند. اگر طول قطرهای کوچک و بزرگ بیضی به ترتیب برابر ۴ و ۶ باشد، طول پاره خط  $MF$  کدام



است؟

- (۱) ۱ (۲) ۲

- (۳) ۳ (۴) ۴

۱۲۱- برای ..... درستی گزاره « $13 + 3n + n^2$  به ازای هر عدد طبیعی  $n$ ، عددی اول است.»، می‌توان از روش ..... استفاده

کرد.

(۲) اثبات - برهان خلف

(۱) اثبات - در نظر گرفتن همه حالت‌ها

(۴) رد - برهان خلف

(۳) رد - مثال نقض

- ۱۲۲- در یک تقسیم، مقسوم علیه ۲۳ و باقی مانده ۱۷ است. حداکثر چند واحد می توان به مقسوم (بدون تغییر مقسوم علیه) اضافه کرد، به طوری که خارج قسمت تغییر نکند؟
- (۱) ۴ (۲) ۵ (۳) ۶ (۴) ۷
- ۱۲۳- به ازای چند عدد طبیعی  $n$ ، هر دو عدد  $\frac{n+3}{5}$  و  $\frac{n^2+2n}{10}$  اعدادی صحیح هستند؟
- (۱) هیچ (۲) ۲ (۳) ۱ (۴) ۳
- ۱۲۴- به ازای چند عدد طبیعی سه رقمی  $n$ ، اعداد  $11n+9$  و  $5n+4$  نسبت به هم اول هستند؟
- (۱) ۹۰ (۲) ۱۸۰ (۳) ۴۵۰ (۴) ۹۰۰
- ۱۲۵- باقی مانده تقسیم عدد  $A = 2^{51} \times 3^{101}$  بر عدد ۱۷ کدام است؟
- (۱) ۲ (۲) ۳ (۳) ۶ (۴) ۷
- ۱۲۶- اگر  $11 \equiv 7a125 \pmod{125}$  باشد، باقی مانده تقسیم عدد  $a923a$  بر ۹ کدام است؟
- (۱) صفر (۲) ۱ (۳) ۲ (۴) ۷
- ۱۲۷- کوچک ترین عدد سه رقمی که در معادله  $73x \equiv 21 \pmod{23}$  صدق می کند، کدام است؟
- (۱) ۱۰۳ (۲) ۱۰۸ (۳) ۱۰۷ (۴) ۱۰۹
- ۱۲۸- در گرافی با اندازه ۲۴، مجموع درجات رئوس زوج برابر ۳۲ است. اگر رئوس فرد هم درجه باشند، آنگاه تعداد آنها کدام می تواند باشد؟
- (۱) ۲ (۲) ۴ (۳) ۸ (۴) ۱۶
- ۱۲۹- در یک گراف ساده از مرتبه ۱۸،  $\delta = 2$  و  $\Delta = 5$  است. اندازه این گراف چند مقدار متمایز می تواند داشته باشد؟
- (۱) ۲۳ (۲) ۲۴ (۳) ۲۵ (۴) ۲۶
- ۱۳۰- تعداد کل مسیرها در یک گراف ۲-منتظم همبند از مرتبه  $n$  کدام است؟
- (۱)  $\binom{n}{2}$  (۲)  $n^2$  (۳)  $2n$  (۴)  $\binom{n+1}{2}$
- ۱۳۱- در اثبات نامساوی  $(a^2 + b^2)(c^2 + d^2) \geq (ac + bd)^2$  به روش اثبات بازگشتی، به کدام رابطه بدیهی می رسیم؟
- (۱)  $(ad + bc)^2 \geq 0$  (۲)  $(ad - bc)^2 \geq 0$  (۳)  $(ab + cd)^2 \geq 0$  (۴)  $(ab - cd)^2 \geq 0$
- ۱۳۲- عدد  $30! + 18$  بر چند عدد طبیعی یک رقمی بخش پذیر است؟
- (۱) ۳ (۲) ۴ (۳) ۵ (۴) ۶
- ۱۳۳- دو عدد  $a^2 + a + 3$  و  $a - 1$  نسبت به هم اول اند. کدام گزاره همواره درست است؟
- (۱)  $a = 5k + 1$  (۲)  $a = 5k$  (۳)  $a \neq 5k$  (۴)  $a \neq 5k + 1$
- ۱۳۴- در تقسیم عدد طبیعی سه رقمی  $a$  بر عدد طبیعی  $b$ ، خارج قسمت ۲۱ و باقی مانده ۳۷ است. چند عضو از مجموعه جواب های  $a$  مضرب ۵ می باشد؟
- (۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) ۴
- ۱۳۵- از رابطه هم نهشتی (پیمانه ۱۸)  $9a \equiv 6b$ ، کدام نتیجه گیری نادرست است؟
- (۱) (پیمانه ۲)  $a \equiv 0$  (۲) (پیمانه ۳)  $b \equiv 0$  (۳) (پیمانه ۶)  $a \equiv 2$  (۴) (پیمانه ۶)  $3a \equiv 2b$

۱۳۶- اگر چهارم فروردین، اولین جمعه یک سال باشد، سومین یکشنبه در ماه خرداد آن سال، چه روزی از این ماه است؟

- (۱) ۲۱ ام (۲) ۱۵ ام (۳) ۱۸ ام (۴) ۱۹ ام

۱۳۷- مجموع ارقام کوچکترین عدد طبیعی سه رقمی  $x$  که در معادله  $۵۷x - ۸۷y = ۳۴۲$  صدق کند، کدام است؟

- (۱) ۵ (۲) ۶ (۳) ۷ (۴) ۸

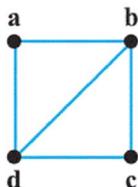
۱۳۸- در گراف  $G$ ،  $V = \{a, b, c, d, e, f\}$ ،  $N_G(a) = \{b, c, d, e\}$  و  $N_G(b) = \{a, c, d, f\}$  است. حداقل و حداکثر تعداد یال‌های

این گراف به ترتیب از راست به چپ کدام است؟

- (۱)  $۱۲ - ۷$  (۲)  $۱۳ - ۷$  (۳)  $۱۲ - ۸$  (۴)  $۱۳ - ۸$

۱۳۹- مرتبه و اندازه گراف  $G$  به ترتیب برابر ۸ و ۲۴ است. حداقل و حداکثر مقدار  $\Delta$  در گراف  $\bar{G}$  کدام است؟

- (۱) ۱ و ۳ (۲) ۲ و ۳ (۳) ۲ و ۴ (۴) ۱ و ۴



۱۴۰- گراف شکل مقابل، دارای چند زیرگراف است به گونه‌ای که هر کدام از این زیرگراف‌ها شامل همه رئوس

گراف و حداقل یک دور باشند؟

- (۱) ۲ (۲) ۴ (۳) ۶ (۴) ۸

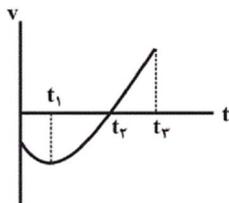
۱۴۱- اگر در حرکت متحرکی در امتداد محور  $x$  و در یک جهت، سرعت متوسط در دو ثانیه اول حرکت  $۵ \frac{m}{s}$  و در سه ثانیه بعد

$۱۰ \frac{m}{s}$  باشد، سرعت متوسط متحرک در کل این مسیر چند متر بر ثانیه است؟

- (۱)  $۲/۵$  (۲)  $۷/۵$  (۳) ۸ (۴) ۹

۱۴۲- نمودار سرعت - زمان متحرکی که بر روی خط راست حرکت می‌کند، مطابق شکل زیر است. کدام یک از عبارتهای زیر در بازه

زمانی‌ای که متحرک در خلاف جهت محور  $x$  حرکت می‌کند، نادرست است؟



(۱) اندازه جابه‌جایی متحرک با مسافت طی شده توسط آن برابر است.

(۲) شتاب متوسط در این بازه مثبت است.

(۳) حرکت ابتدا تندشونده و سپس کندشونده است.

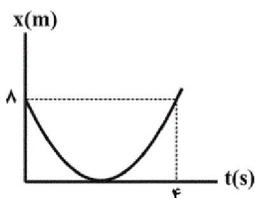
(۴) جهت شتاب، ثابت است.

۱۴۳- متحرکی که با شتاب ثابت در مسیری مستقیم حرکت می‌کند، در لحظه  $t = ۲s$  از مکان  $-۱۸m$  و ۴ ثانیه بعد با سرعت  $۱۶ \frac{m}{s}$

از مکان  $+۲۲m$  عبور می‌کند. سرعت اولیه این متحرک چند متر بر ثانیه است؟

- (۱) ۲ (۲) -۲ (۳) ۴ (۴) -۴

۱۴۴- نمودار مکان - زمان متحرکی که با شتاب ثابت روی خط راست حرکت می کند، مطابق شکل زیر است. اندازه سرعت جسم در



لحظه  $t = 4s$  چند متر بر ثانیه است؟

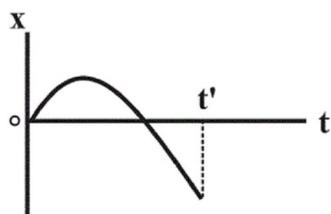
- (۱) ۸  
(۲) ۶  
(۳) ۴  
(۴) ۲

۱۴۵- در مبدأ زمان، متحرک A با سرعت ثابت  $20 \frac{m}{s}$  و متحرک B با سرعت اولیه  $-20 \frac{m}{s}$  و شتاب ثابت  $5 \frac{m}{s^2}$  از مبدأ مکان روی

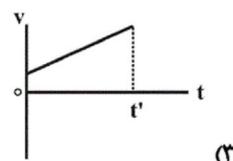
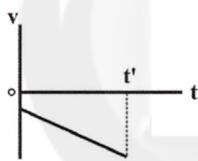
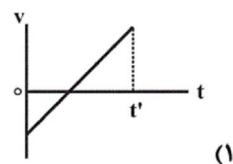
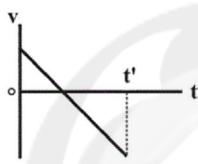
محور X عبور می کنند. بیشترین فاصله دو متحرک از یکدیگر قبل از آن که به هم برسند، چند متر خواهد بود؟

- (۱) ۱۶۰  
(۲) ۱۲۰  
(۳) ۸۰  
(۴) ۴۰

۱۴۶- نمودار مکان - زمان متحرکی که در امتداد محور X حرکت می کند، به صورت سهمی زیر است. نمودار سرعت - زمان آن تا



لحظه  $t'$  چگونه است؟



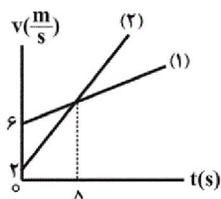
۱۴۷- متحرکی که با سرعت ثابت  $12 \frac{m}{s}$  روی محور X در حال حرکت است در مبدأ زمان از مکان  $x = -23m$  عبور می کند. اگر این

متحرک در مکان  $x = 37m$  سرعتش را با شتاب ثابت  $4 \frac{m}{s^2}$  افزایش دهد، جابه جایی آن در دو ثانیه سوم حرکتش چند متر

است؟

- (۱) ۷۸  
(۲) ۲۸  
(۳) ۳۸  
(۴) ۲۶

۱۴۸- نمودار سرعت - زمان دو متحرک (۱) و (۲) که هم زمان از یک نقطه در مسیری مستقیم شروع به حرکت می کنند، مطابق شکل



زیر است. فاصله دو متحرک در لحظه ای که سرعت آنها یکسان است، چند متر است؟

- (۱) ۴  
(۲) ۶  
(۳) ۸  
(۴) ۱۰

۱۴۹- معادله حرکت متحرکی که در امتداد محور  $x$  حرکت می کند، در SI به صورت  $x = -2t^2 + 6t + 3$  است. تندی متوسط این متحرک در ثانیه دوم حرکت چند متر بر ثانیه است؟

۱ (۱) ۲ (۲)

۳ (۳) ۴ (۴)

۱۵۰- در شرایط خلأ، گلوله‌ای را از ارتفاع  $h$  از سطح زمین رها می کنیم. اگر اندازه سرعت متوسط گلوله در سه ثانیه آخر حرکت

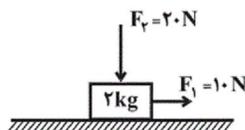
$\frac{m}{s}$  ۵۵ باشد، اندازه سرعت گلوله در لحظه برخورد به زمین چند متر بر ثانیه است؟  $\left(g = 10 \frac{m}{s^2}\right)$

۱ (۱) ۵۵ ۲ (۲) ۴۱/۲ ۳ (۳) ۷۰ ۴ (۴) ۶۲/۳

۱۵۱- اگر فنری را از هر دو طرف با نیرویی افقی به بزرگی  $50\text{N}$  بکشیم، طول آن  $5\text{cm}$  افزایش می یابد. ثابت فنر چند کیلونیوتون بر متر است؟

۱ (۱) ۱۰۰۰ ۲ (۲) ۱ ۳ (۳) ۲۰۰۰ ۴ (۴) ۲

۱۵۲- در شکل زیر، جسم با سرعت ثابت در مسیری مستقیم در حال حرکت است. اگر اندازه نیروی  $\vec{F}_1$  را دو برابر کنیم، شتاب



حرکت جسم چند متر بر مجذور ثانیه می شود؟  $\left(g = 10 \frac{N}{kg}\right)$

۱ (۱) ۲/۵ ۲ (۲) ۴

۳ (۳) ۵ ۴ (۴) ۸

۱۵۳- جسمی به جرم  $10\text{kg}$  درون آسانسوری که با سرعت ثابت  $10 \frac{m}{s}$  در حال حرکت به طرف بالا می باشد، قرار دارد. اگر آسانسور

در مدت زمان  $5\text{s}$  با شتاب ثابت متوقف شود، اندازه نیرویی که کف آسانسور در این مدت به جسم وارد می کند برابر با چند

نیوتون است؟  $\left(g = 10 \frac{N}{kg}\right)$

۱ (۱) ۶۰ ۲ (۲) ۸۰ ۳ (۳) ۱۰۰ ۴ (۴) ۱۲۰

۱۵۴- به جسمی به جرم  $2$  کیلوگرم که روی یک سطح افقی ساکن است، نیرویی افقی به اندازه  $5$  نیوتون وارد می کنیم. جسم شروع

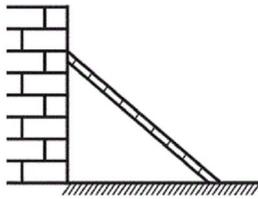
به حرکت می کند و پس از  $20$  متر جابه جایی، سرعت آن به  $8$  متر بر ثانیه می رسد. اندازه نیروی اصطکاک وارد بر جسم چند

نیوتون است؟

۱ (۱) صفر ۲ (۲) ۱/۶

۳ (۳) ۳/۶ ۴ (۴) ۱/۸

۱۵۵- در شکل زیر، نردبانی به جرم  $20\text{ kg}$  به دیوار قائم و بدون اصطکاکی تکیه داده شده است و ضریب اصطکاک ایستایی بین سطح افقی و نردبان برابر با  $0.75$  است. در آستانه سر خوردن نردبان، نسبت اندازه نیرویی که دیوار قائم به نردبان وارد می‌کند، به

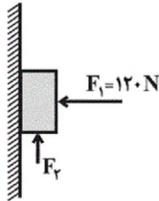


اندازه نیرویی که سطح افقی به نردبان وارد می‌کند، کدام است؟  $\left(g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}\right)$

(۱)  $\frac{3}{5}$  (۲)  $\frac{3}{4}$

(۳)  $\frac{2}{5}$  (۴)  $\frac{2}{3}$

۱۵۶- در شکل زیر جسم  $m = 4\text{ kg}$  در آستانه حرکت قرار دارد. اندازه اختلاف بیش‌ترین و کم‌ترین اندازه نیروی قائم  $F_p$  برابر با

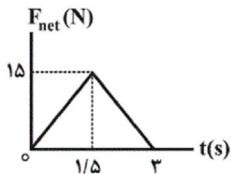


چند نیوتون است؟  $\left(g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}, \mu_s = 0.25\right)$

(۱) ۶۰ (۲) ۷۰

(۳) ۳۰ (۴) ۱۰

۱۵۷- شکل زیر، منحنی نیروی خالص وارد بر یک توپ را بر حسب زمان نمایش می‌دهد. اندازه نیروی خالص متوسط وارد بر آن در ۳



ثانیه اول چند نیوتون است؟

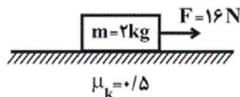
(۱)  $7/5$  (۲) ۱۰

(۳)  $12/5$  (۴)  $14/5$

۱۵۸- مطابق شکل زیر، جسمی به جرم  $2\text{ kg}$  از حال سکون توسط نیروی افقی  $\vec{F}$  روی سطحی افقی شروع به حرکت می‌کند. اگر دو

ثانیه بعد از شروع حرکت نیروی  $\vec{F}$  قطع شود، بزرگی تکانه جسم در لحظه  $t = 3\text{ s}$  (سه ثانیه بعد از شروع حرکت) چند واحد

SI است؟  $\left(g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}\right)$



(۱) صفر (۲) ۲

(۳) ۱۲ (۴) ۱۸

۱۵۹- دو ذره به جرم‌های  $m$  و  $4m$  روی مسیری دایره‌ای به شعاع  $r$ ، حرکت دایره‌ای یکنواخت انجام می‌دهند. اگر اندازه نیروی

مرکزگرای وارد بر دو ذره یکسان باشد، در مدت زمانی که ذره سبک‌تر ۸ دور می‌چرخد، ذره سنگین‌تر چند دور می‌چرخد؟

(۱) ۱۶ (۲) ۸

(۳) ۴ (۴) ۲

۱۶۰- ماهواره‌ای به جرم  $60\text{ kg}$  در مداری دایره‌ای به ارتفاع  $3600$  کیلومتر از سطح زمین به دور زمین به صورت یکنواخت می‌چرخد.

تندی حرکت ماهواره چند کیلومتر بر ثانیه است؟  $\left(R_e = 6400\text{ km}, g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}\right)$

(۱)  $6/4$  (۲)  $3/6$  (۳)  $1/7$  (۴)  $3/4$

۱۶۱- معادله مکان - زمان نوسانگر جرم و فنری در SI به صورت  $x = A \cos \omega t$  است و ۲ ثانیه طول می کشد تا متحرک پس از

لحظه صفر برای دومین بار به نقطه  $x = -\frac{A}{2}$  برسد. اگر جرم وزنه متصل به فنر را ۱۹ درصد کاهش دهیم، دوره تناوب آن چند

ثانیه خواهد شد؟

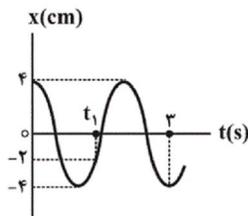
۵/۴ (۴)

۱/۸ (۳)

۲/۷ (۲)

۰/۹ (۱)

۱۶۲- نمودار مکان - زمان نوسانگری که بر روی محور x نوسان می کند، مطابق شکل زیر است. بردار شتاب نوسانگر در لحظه  $t_1$



برحسب  $\frac{\text{cm}}{\text{s}^2}$  کدام است؟ ( $\pi^2 = 10$ )

$-40\vec{i}$  (۲)

$40\vec{i}$  (۱)

$-20\vec{i}$  (۴)

$20\vec{i}$  (۳)

۱۶۳- وزنه ای به جرم m را که بر روی سطح افقی بدون اصطکاکی قرار دارد، به فنری با ثابت k متصل کرده و به نوسان در می آوریم.

اگر با ثابت ماندن دامنه و ثابت فنر، جرم وزنه را نصف کنیم، اندازه نیروی وارد بر نوسانگر در انتهای مسیر چند برابر می شود؟

$\frac{\sqrt{2}}{2}$  (۴)

$\frac{1}{4}$  (۳)

$\frac{1}{2}$  (۲)

۱ (۱)

۱۶۴- دو نوسانگر هماهنگ ساده A و B که معادله حرکت آن ها در SI به صورت  $x_A = A \cos \pi t$  و  $x_B = A \cos 2\pi t$  است،

به طور هم زمان روی یک خط شروع به نوسان می کنند. چند ثانیه بعد از شروع نوسان، دو نوسانگر برای اولین بار به هم

می رسند؟

$\frac{2}{3}$  (۴)

$\frac{1}{3}$  (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

۱۶۵- اگر در لحظه ای که انرژی جنبشی نوسانگر هماهنگ ساده ای  $\frac{1}{4}$  انرژی مکانیکی آن است، انرژی پتانسیل نوسانگر  $J/18$  •

باشد، انرژی مکانیکی نوسانگر چند ژول است؟

۰/۵۴ (۴)

۰/۲۴ (۳)

۰/۳۶ (۲)

۰/۷۲ (۱)

۱۶۶- وزنه ای به جرم ۲۰ گرم به فنری با ثابت  $800 \frac{\text{N}}{\text{m}}$  متصل است و در راستای افقی با دامنه ۴cm حرکت هماهنگ ساده انجام

می دهد. در لحظه ای که سرعت نوسانگر نسبت به سرعت آن در مرکز نوسان ۲۵ درصد کاهش یافته است، انرژی پتانسیل

کشسانی آن چند ژول است؟ (از نیروهای اتلافی چشم پوشی شود).

۰/۱۷۵ (۲)

۰/۶۲ (۱)

۰/۳۵ (۴)

۰/۲۸ (۳)

۱۶۷- در یک مکان معین و در بازه زمانی مشخصی، تعداد نوسان‌های آونگ ساده A برابر با ۱۲ نوسان و آونگ ساده B برابر با ۵ نوسان است. اگر در همین مکان، آونگ ساده‌ای قرار دهیم که طول آن برابر با مجموع طول دو آونگ A و B باشد، در همان مدت زمان، چند نوسان کامل انجام می‌دهد؟

$$13 \quad (1)$$

$$17 \quad (2)$$

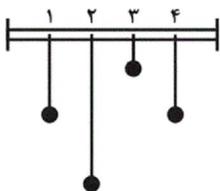
$$\frac{60}{13} \quad (3)$$

$$\frac{60}{17} \quad (4)$$

۱۶۸- یک ساعت دیواری آونگ‌دار، در سطح زمین به درستی کار می‌کند. اگر این ساعت را به سطح سیاره‌ای منتقل کنیم که جرم آن ۴ برابر جرم زمین و چگالی آن  $\frac{1}{16}$  برابر چگالی زمین باشد، در هر ۱۲ ساعتی که روی سطح زمین سپری می‌شود، این ساعت چه مدت زمانی عقب و یا جلو می‌افتد؟

(۱) ۳ ساعت جلو می‌افتد. (۲) ۳ ساعت عقب می‌افتد. (۳) ۶ ساعت جلو می‌افتد. (۴) ۶ ساعت عقب می‌افتد.

۱۶۹- مطابق شکل چهار آونگ ساده با جرم یکسان را به یک میله افقی آویخته‌ایم. اگر آونگ (۴) را از وضع تعادل خارج کنیم، کدام گزینه درست است؟



(۱) فقط آونگ (۱) به حرکت در می‌آید.

(۲) هر سه آونگ (۱)، (۲) و (۳) با یک دامنه به نوسان در می‌آیند.

(۳) آونگ شماره (۲) با بیشترین دامنه و آونگ شماره (۳) با کمترین دامنه به نوسان در می‌آیند.

(۴) آونگ شماره (۱) با بیشترین دامنه به نوسان در می‌آید.

۱۷۰- جرم هر متر از یک تار کشیده شده برابر با ۲۰ گرم است. اگر بزرگی نیروی کشش تار را ۶۹ درصد افزایش دهیم، بر تندی انتشار

موج عرضی در تار،  $3 \frac{m}{s}$  افزوده می‌شود. تندی اولیه انتشار موج عرضی در تار چند متر بر ثانیه است؟

$$10 \quad (1)$$

$$15 \quad (2)$$

$$20 \quad (3)$$

$$30 \quad (4)$$

۱۷۱- چند مورد از عبارتهای زیر نادرست است؟ ( $K = 39, Na = 23, H = 1, N = 14 : g \cdot mol^{-1}$ )

(الف) اوره همانند عسل و برخلاف بنزین محلول در آب است.

(ب) در صابون‌ها در صورت برابر بودن تعداد اتم‌های کربن، جرم مولکولی صابون مایع می‌تواند از صابون جامد بیشتر باشد.

(پ) اضافه کردن صابون به مخلوط آب و روغن سبب ایجاد نوعی از مخلوط می‌شود که پلی میان محلول و سوسپانسیون است.

(ت) ژله همانند شیر و برخلاف مخلوط اتانول در آب، نور را پخش می‌کند.

$$1 \quad (1)$$

$$2 \quad (3)$$

$$3 \quad (4)$$

۱۷۲- چند مورد از ویژگی‌های داده شده در جدول زیر نادرست بیان شده‌اند؟

ویژگی	نوع مخلوط	سوسپانسیون	محلول	کلوئید
رفتار در برابر نور	نور را پخش می‌کند	نور را پخش نمی‌کند	نور را پخش نمی‌کند	نور را پخش نمی‌کند
همگن / ناهمگن	ناهمگن	همگن	ناهمگن	ناهمگن
پایداری	ناپایدار	پایدار	پایدار	ناپایدار
مثال	شربت معده	رنگ	سس مایونز	
۴ (۱)	۳ (۲)	۵ (۳)	۲ (۴)	

۱۷۳- چه تعداد از عبارتهای زیر نادرست است؟ ( $\text{Na} = 23, \text{H} = 1, \text{C} = 12, \text{O} = 16 : \text{g.mol}^{-1}$ )

- \* صابون‌ها در آب‌هایی که میزان یون‌های کلسیم و منیزیم بالایی دارند به خوبی کف نمی‌کنند.
  - \* پاک‌کننده‌های غیرصابونی قدرت پاک‌کنندگی بیش‌تری نسبت به پاک‌کننده‌های صابونی دارند و در آب‌های سخت رسوب تشکیل می‌دهند.
  - \* معروف‌ترین صابون سنتی ایران، صابون مراغه است که از جوشاندن پیه گوسفند و  $\text{NaOH}$  با آب تهیه می‌شود.
  - \* برای از بین بردن جوش‌های صورت صابون گوگردار و برای افزایش قدرت ضدعفونی‌کنندگی، صابون حاوی مواد شیمیایی کلردار توصیه می‌شود.
  - \* به تقریب ۱۰/۴ درصد جرمی پاک‌کننده صابونی جامدی که ۳۵ اتم هیدروژن در زنجیره آلکیل خود دارد، از اکسیژن تشکیل شده است.
- ۱ (۱)      ۲ (۲)      ۳ (۳)      ۴ (۴)

۱۷۴- از انحلال ۲/۱۶ گرم دی‌نیتروژن پنتااکسید در مقدار کافی آب خالص، ۰/۵ لیتر محلول اسیدی به‌دست می‌آید. غلظت یون

هیدرونیوم و  $\text{pH}$  محلول به ترتیب از راست به چپ چقدر است؟ ( $\text{O} = 16, \text{N} = 14 : \text{g.mol}^{-1}$ )

- ۱ (۱)      ۲ (۲)      ۳ (۳)      ۴ (۴)

۱۷۵- اگر بخواهیم نمک حاصل از واکنش مقدار کافی پتاسیم هیدروکسید و ۵ لیتر از محلول هیدروکلریک اسید با  $\text{pH} = 2/7$  را

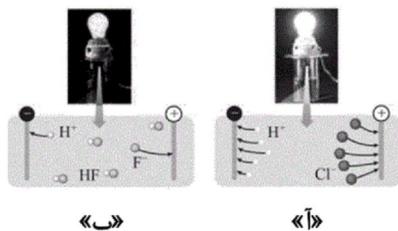
توسط واکنش  $\text{Cl}_2 + 2\text{KBr} \longrightarrow 2\text{KCl} + \text{Br}_2$  تهیه کنیم، به تقریب به چند گرم  $\text{KBr}$  با درصد خلوص ۶۵٪ نیاز داریم؟

( $\text{Br} = 80, \text{K} = 39, \text{Cl} = 35.5 : \text{g.mol}^{-1}$ )

- ۱ (۱)      ۲ (۲)      ۳ (۳)      ۴ (۴)

۱۷۶- با توجه به شکل روبه‌رو چه تعداد از عبارات‌های زیر صحیح است؟ (غلظت هر دو محلول را

۰/۱ مولار فرض کنید).



«ب»

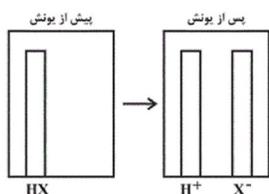
«آ»

- غلظت یون هیدرونیوم در شکل «ب» بیشتر از شکل «آ» است.

- شکل «آ» نشان‌دهنده رفتار یک اسید قوی و شکل «ب» نشان‌دهنده رفتار یک اسید ضعیف است.

- رسانایی الکتریکی HCl بیشتر از HF است.

- غلظت گونه‌های موجود در هر دو محلول، پیش و پس از یونش به صورت روبه‌رو است.

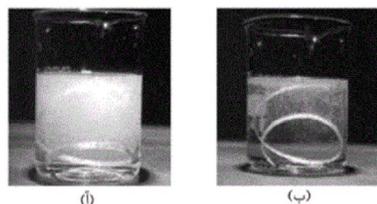


۱ (۴)

۴ (۳)

۳ (۲)

۲ (۱)



(ا)

(ب)

۱۷۷- شکل‌های مقابل واکنش دو قطعه یکسان از نوار منیزیم را با حجم‌های برابر از محلول

۰/۱ مولار دو اسید تک پروتون دار متفاوت در دمای یکسان نشان می‌دهد. کدام

مطلب نادرست است؟

(۱) نسبت حاصل ضرب غلظت تعادلی یون‌های مثبت و منفی به غلظت تعادلی اسید در شکلی که سرعت تولید گاز در آن بیشتر از شکل دیگر است، بزرگتر است.

(۲) غلظت یون هیدرونیوم موجود در شکل «آ» بیشتر از غلظت یون هیدرونیوم موجود در باران معمولی است.

(۳) در شکل «ب» که محلول یک اسید ضعیف‌تر است، در انتها گاز کمتری تولید می‌شود.

(۴) pH محلول «آ» کمتر از «ب» است.

۱۷۸- یک فرد بیمار به پزشک مراجعه می‌کند، آزمایشات نشان می‌دهد غلظت اسید معده این فرد ۲ برابر حالت معمول است. پزشک از کدام دارو و چه مقدار برای این بیمار تجویز می‌کند؟ (حجم اسید معده را ۲ لیتر در نظر بگیرید).



(الف) شیر منیزی با چگالی ۲/۳۲ گرم بر لیتر (ب) محلول سدیم هیدروژن کربنات با غلظت ۲ مول بر لیتر

(۱) ۳۰۰ میلی‌لیتر داروی «ب» (۲) ۷۵۰ میلی‌لیتر داروی «الف»

(۳) ۶۰ میلی‌لیتر داروی «ب» (۴) ۱۵۰۰ میلی‌لیتر داروی «الف»

۱۷۹- غلظت تعادلی یون هیدرونیوم در محلولی از هیدروفلوئوریک اسید با غلظت  $\frac{mol}{L} 10^{-2} \times 0.8$  و ثابت تعادل  $2 \times 10^{-5}$  چند مول

بر لیتر است و درجه یونش آن در شرایط واکنش کدام می‌باشد؟

(۱)  $4 \times 10^{-2}$  ، ۰/۰۵ (۲)  $4 \times 10^{-8}$  ، ۰/۰۵

(۳)  $8 \times 10^{-4}$  ، ۰/۰۲ (۴)  $6 \times 10^{-7}$  ، ۰/۰۲

۱۸۰- کدام یک از عبارتهای زیر درست است؟

(الف) در واکنش خنثی شدن اسید و باز، یونهای نمک حاصل، نقش مهمی در واکنش ایفا می‌کنند.

(ب) برای رفع گرفتگی لوله‌ها فقط از مواد اسیدی استفاده می‌شود.

(پ) محلول ۰/۱ مولار  $\text{HNO}_3$  نسبت به محلول ۰/۱ مولار  $\text{CH}_3\text{COOH}$  الکترولیت قوی‌تری می‌باشد.

(ت) هیدروژن کلرید اسید آرنیوس می‌باشد چون ضمن حل شدن در آب یون  $\text{H}^+$  تولید می‌کند.

(ث) در محلول شیر ترش شده با  $\text{pH} = 2/7$ ، در دمای اتاق غلظت یون هیدروکسید برابر با  $5 \times 10^{-12}$  مول بر لیتر می‌باشد.

(۱) پ، ت و ث (۲) الف، پ و ت (۳) ب، پ و ت (۴) الف، پ و ث

۱۸۱- با تعداد الکترون‌های مبادله‌شده برای تولید ۴۰/۵ گرم آلومینیم در فرایند هال، چند میلی‌لیتر آب را می‌توان با استفاده از سلول

سوختی به‌دست آورد؟ ( $1 \text{ g mL}^{-1}$  = چگالی آب و  $\text{H}_2\text{O} = 18, \text{Al} = 27 \text{ g mol}^{-1}$ )

(۱) ۴۰/۵ (۲) ۲۰/۲۵

(۳) ۳۳/۷۵ (۴) ۲۵/۵

نیم‌واکنش کاهش	$E^\circ$ (V)
$\text{Ag}^+ (\text{aq}) + e^- \rightarrow \text{Ag} (\text{s})$	+۰/۸۰
$\text{Cu}^{2+} (\text{aq}) + 2e^- \rightarrow \text{Cu} (\text{s})$	+۰/۳۴
$2\text{H}^+ (\text{aq}) + 2e^- \rightarrow \text{H}_2 (\text{g})$	۰/۰۰
$\text{Fe}^{2+} (\text{aq}) + 2e^- \rightarrow \text{Fe} (\text{s})$	-۰/۴۴
$\text{Zn}^{2+} (\text{aq}) + 2e^- \rightarrow \text{Zn} (\text{s})$	-۰/۷۶

۱۸۲- با توجه به جدول روبه‌رو، کدام یک از عبارتهای زیر صحیح است؟

( $\text{Ag} = 108, \text{Zn} = 65 \text{ g mol}^{-1}$ )

(الف) در سلول گالوانی ساخته شده از نقره و آهن، حرکت الکترون در مدار بیرونی از

الکتروود آهن به سمت الکتروود نقره است.

(ب) با قرار دادن تیغه‌ای از جنس فلز روی در محلولی از نقره نیترات به جرم تیغه

افزوده می‌شود.

(پ) در این جدول، کاهنده‌ترین گونه، یون  $\text{Zn}^{2+}$  و اکسنده‌ترین گونه، Ag است.

(ت) در سلول گالوانی ساخته شده از مس و SHE، الکتروود مس قطب منفی سلول و SHE قطب مثبت سلول خواهد بود.

(۱) الف و ب (۲) الف و پ (۳) پ و ت (۴) ب و ت

۱۸۳- کدام گزینه نادرست است؟

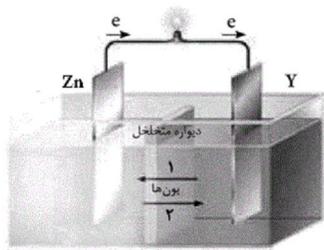
(۱) در مراحل تولید فلز منیزیم از آب دریا، ابتدا آب دریا را با یک محلول بازی واکنش می‌دهند.

(۲) آلومینیم مذاب خالص نسبت به  $\text{Al}_2\text{O}_3$  مذاب، چگالی بیشتری دارد.

(۳) بارش باران در شهرهای صنعتی بیشتر از شهرهای غیرصنعتی موجب خوردگی سازه‌های آهنی می‌شود.

(۴) حباب‌های گاز خارج شده از اطراف قطب مثبت سلول الکترولیتی در فرایند هال دومین گاز تشکیل دهنده هواکره از نظر درصد حجمی

است.



۱۸۴- شکل روبه‌رو به یک سلول ..... مربوط است. گونه ..... در مسیر ۱ مهاجرت می‌کند و

Y می‌تواند فلز ..... باشد.

(۲) الکترولیتی -  $Ag^+$  - نقره

(۱) الکترولیتی - نیترات - نقره

(۴) گالوانی - نیترات - مس

(۳) گالوانی -  $Cu^{2+}$  - مس

۱۸۵- کدام گزینه نادرست است؟  $(E^\circ(Cu^{2+}/Cu) = 0.34V, E^\circ(Ag^+/Ag) = 0.80V, E^\circ(Zn^{2+}/Zn) = -0.76V)$

(۱) با توجه به این‌که واکنش  $3Ag^+ + Al \rightarrow 3Ag + Al^{3+}$  در جهت طبیعی خود انجام می‌شود و واکنش

$2Ag^+ + Pt \rightarrow 2Ag + Pt^{2+}$  در جهت طبیعی خود انجام نمی‌شود، ترتیب کاهندگی فلزها به صورت  $Al > Ag > Pt$  است.

(۲) محلول مس (II) نیترات را نمی‌توان در ظرفی از جنس فلز روی نگهداری کرد.

(۳) یون‌های  $NO_3^-$  و  $SO_4^{2-}$ ،  $ClO_4^-$  در واکنش‌های اکسایش - کاهش همواره نقش اکسنده را دارند.

(۴) فلزی که فقط دارای ۳ الکترون با عدد کوانتومی فرعی صفر در آرایش الکترونی خود است، کمترین چگالی و  $E^\circ$  را در میان فلزها دارد.

۱۸۶- اگر در سلول گالوانی (Mg - Ag) اختلاف مقدار تغییر جرم آند و کاتد برابر ۲۸۸ گرم باشد، در این واکنش چند الکترون

مبادله شده است؟  $(Mg = 24, Ag = 108 : g.mol^{-1})$

(۴)  $3/62 \times 10^{24}$

(۳)  $4/515 \times 10^{23}$

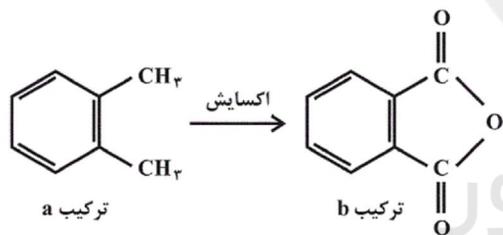
(۲)  $1/806 \times 10^{24}$

(۱)  $9/03 \times 10^{23}$

۱۸۷- ارتوزایلین (ترکیب a) در اثر اکسایش در شرایط مناسب به فتالیک انیدرید (ترکیب b) تبدیل می‌شود. مجموع تغییر اعداد

اکسایش اتم‌های کربن گروه‌های عاملی ایجاد شده در آن، چند واحد با مجموع اعداد اکسایش اتم‌های کربن گروه‌های عاملی در

آسپرین تفاوت دارد؟



(۲) ۶

(۱) ۵

(۴) ۸

(۳) ۷

۱۸۸- کدام یک از مطالب زیر صحیح نیست؟

(۱) مجموع اعداد اکسایش اتم‌های کربن در بنزالدهید برابر (۴-) است.

(۲) تفاوت عدد اکسایش گوگرد در آمونیوم سولفات و گوگردتری‌اکسید برابر صفر است.

(۳) در واکنش  $2Al + Fe_3O_4 \rightarrow Al_2O_3 + 2Fe$ ، عدد اکسایش گونه کاهنده ۶ واحد تغییر می‌کند.

(۴) عدد اکسایش عنصرها در حالت آزاد برابر صفر و عدد اکسایش یون‌های تک اتمی برابر با بار الکتریکی آنها است.

۱۸۹- کدام گزینه جاهای خالی موارد «الف»، «ب» و «پ» را به درستی پر می‌کند؟ (گزینه‌ها را از راست به چپ بخوانید).

الف) در سلول دانه به ازای مصرف ۳۵/۱ گرم سدیم کلرید، مقدار ..... لیتر گاز کلر تولید می‌شود. ( $\text{Cl} = ۳۵ / ۵, \text{Na} = ۲۳ : \text{g.mol}^{-1}$ )  
و شرایط را STP در نظر بگیرید.

ب) در سلول سوختی «هیدروژن - اکسیژن» به ازای تولید ۳ / ۶ g آب، ..... الکترون مبادله می‌شود. ( $\text{H} = ۱, \text{O} = ۱۶ : \text{g.mol}^{-1}$ )  
پ) در برقکافت آب برای افزایش رسانایی الکتریکی مقداری ..... به آن می‌افزایند.



۱۹۰- نیم واکنش‌ها و واکنش‌های خواسته شده در قسمت‌های الف، ب و پ به ترتیب از راست به چپ کدام‌اند؟

الف) نیم واکنش آندی در حلیی (در صورت ایجاد خراش)

ب) نیم‌واکنش کاتدی آبکاری قاشق آهنی با نقره.

پ) واکنش انجام شده در باتری‌های روی - نقره



سایت کنکور

Konkur.in

A : پاسخ نامه (کلید) آزمون ۱۶ فروردین ۱۳۹۸ گروه دوازدهم ریاضی دخترچه

1      
 2      
 3      
 4      
 5      
 6      
 7      
 8      
 9      
 10      
 11      
 12      
 13      
 14      
 15      
 16      
 17      
 18      
 19      
 20      
 21      
 22      
 23      
 24      
 25      
 26      
 27      
 28      
 29      
 30      
 31      
 32      
 33      
 34      
 35      
 36      
 37      
 38      
 39      
 40      
 41      
 42      
 43      
 44      
 45      
 46      
 47      
 48      
 49      
 50

51      
 52      
 53      
 54      
 55      
 56      
 57      
 58      
 59      
 60      
 61      
 62      
 63      
 64      
 65      
 66      
 67      
 68      
 69      
 70      
 71      
 72      
 73      
 74      
 75      
 76      
 77      
 78      
 79      
 80      
 81      
 82      
 83      
 84      
 85      
 86      
 87      
 88      
 89      
 90      
 91      
 92      
 93      
 94      
 95      
 96      
 97      
 98      
 99      
 100

101      
 102      
 103      
 104      
 105      
 106      
 107      
 108      
 109      
 110      
 111      
 112      
 113      
 114      
 115      
 116      
 117      
 118      
 119      
 120      
 121      
 122      
 123      
 124      
 125      
 126      
 127      
 128      
 129      
 130      
 131      
 132      
 133      
 134      
 135      
 136      
 137      
 138      
 139      
 140      
 141      
 142      
 143      
 144      
 145      
 146      
 147      
 148      
 149      
 150

151      
 152      
 153      
 154      
 155      
 156      
 157      
 158      
 159      
 160      
 161      
 162      
 163      
 164      
 165      
 166      
 167      
 168      
 169      
 170      
 171      
 172      
 173      
 174      
 175      
 176      
 177      
 178      
 179      
 180      
 181      
 182      
 183      
 184      
 185      
 186      
 187      
 188      
 189      
 190

سایت کنکور  
Konkur.in



# دفترچه پاسخ ✓

## عمومی دوازدهم ریاضی

۱۶ فروردین ماه ۱۳۹۸

### طراحان

افسانه احمدی - محسن اصغری - حنیف افخمی ستوده - عبدالحمید رزاقی - مریم شمیرانی - محسن فدایی - الهام محمدی - جمشید مقصدی - مرتضی منشاری - حسن وسکری	فارسی
هیرش صمدی - زهرا کرمی - سیدمحمدعلی مرتضوی - خالد مشیرپناهی - رضا معصومی	عربی (زبان قرآن)
محبوبه ابتهسام - امین اسدیان پور - ابوالفضل احدزاده - محمد آقاصالح - حامد دورانی - محمد رضایی بقا - عباس سیدشبهسری - محمدرضا فرهنگیان - وحیده کاغذی - مرتضی محسنی کبیر - هادی ناصری - فیروز نژادنجف - سیداحسان هندی	دین و زندگی
مهدی احمدی - علی شکوهی - علی عاشوری - سپیده عرب - امیرحسین مراد	زبان انگلیسی

### گزینشگران و ویراستاران

نام درس	مسئول درس	گزینشگر	گروه ویراستاری	گروه مستندسازی
فارسی	افسانه احمدی	افسانه احمدی	محسن اصغری - مریم شمیرانی	فریبا رئوفی
عربی (زبان قرآن)	زهرا کرمی	زهرا کرمی	درویشعلی ابراهیمی - سیدمحمدعلی مرتضوی	لیلا ایزدی
دین و زندگی	محمد رضایی بقا	محمد رضایی بقا	محمد آقاصالح	محدثه پرهیزکار
زبان انگلیسی	سپیده عرب	سپیده عرب	حامد بابایی - فریبا توکلی	فاطمه فلاح پیشه

### گروه فنی و تولید

مدیر گروه	سیدمحمدعلی مرتضوی
مسئول دفترچه	معصومه شاعری
مستندسازی و مطابقت با مصوبات	مدیر: مریم صالحی، مسئول دفترچه: لیلا ایزدی
صفحه آرا	فاطمه علی یاری
نظارت چاپ	سوران نعیمی

### گروه آزمون

### بنیاد علمی آموزشی قلمچی (وقف عام)

آدرس دفتر مرکزی: خیابان انقلاب - بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ - تلفن چهار رقمی: ۰۲۱-۶۴۶۳



## فارسی (۳)

-۱

(افسانه امیری)

سَموم: باد بسیار گرم و زیان‌رساننده

بی‌گاه شدن: فرارسیدن هنگام غروب یا شب

(فارسی ۳، لغت، واژه‌نامه)

-۲

(افسانه امیری)

مطاع: فرمانروا، اطاعت شده، کسی که دیگری فرمان او را می‌برد.

(فارسی ۳، لغت، واژه‌نامه)

-۳

(مسن و سگری - ساری)

بیت «ب»: «خوار ← خار»

بیت «د»: «ملات ← ملاط»

(فارسی ۳، املا، ترکیبی)

-۴

(مسن خرازی - شیراز)

صواب: درست، راست، مصلحت / ثواب: پاداش

با توجه به معانی بیت‌ها و رابطه هم‌نشینی واژه‌ها پاسخ سؤال گزینه «۱» است.

(فارسی ۳، املا، صفحه ۳۱)

-۵

(الوام ممیری)

موارد نادرست و املائی درست آن‌ها:

منصوب ← منسوب

بیافزاید ← بیفزاید

(فارسی ۳، املا، ترکیبی)

-۶

(شفیاف افیمی ستوده)

در گزینه «۴»، بعد از «خמוש»، فعل «باش» به قرینه معنوی حذف شده است.

(فارسی ۳، دستور زبان، صفحه‌های ۱۵ و ۱۶)

-۷

(مسن و سگری - ساری)

گزینه «۱»: ۱- خبر ما ۲- مرغان چمن ۳- هم‌آواز شما

گزینه «۲»: ۱- بندت (بند تو) ۲- آرام جان

گزینه «۳»: ۱- مجلس آزادگان

گزینه «۴»: ۱- سرو بوستان

(فارسی ۳، دستور زبان، صفحه ۳۶)

-۸

(مسن و سگری - ساری)

نوع وابسته وابسته به کار رفته در بیت صورت سؤال «غلام مجلس آن» و «شمع

مجلس او» از نوع مضاف‌الیه مضاف‌الیه است. در بیت گزینه «۳» همانند بیت

صورت سؤال دو بار مضاف‌الیه مضاف‌الیه به کار رفته است: «گوش دلم»، «چشم

امیدم».

(فارسی ۳، دستور زبان، صفحه‌های ۷۴ و ۷۵)

-۹

(مریم شمیرانی)

در مصراع دوم: (-) نهاد / «م» (من را): مفعول / «بی‌خبر»: مسند / «گرداند»: فعل

اسنادی

(فارسی ۳، دستور زبان، صفحه‌های ۵۴ و ۵۵)

-۱۰

(افسانه امیری)

تمهیدات: عین‌القضات همدانی

فیه‌ما‌فیه: مولوی

(فارسی ۳، تاریخ ادبیات، ترکیبی)



-۱۱

(عبدالحمید رزاقی)

استعاره ← مهربانی برگ، بوسه باران، بیداری ستاره، چشم جویباران  
تناسب ← برگ و باران و جویبار / بیداری و چشم  
کنایه ← «بیدار بودن ستاره» کنایه‌دار «درخشان بودن ستاره»  
واج‌آرایی ← واج‌آرایی با صامت‌های «ب» و «ر»

(فارسی ۳، آرایه، ترکیبی)

-۱۲

(مرتضی منشاری - اربیل)

حس آمیزی: دیدن صدا / تضاد ندارد.

**تشریح گزینه‌های دیگر**

گزینه «۱»: حسن تعلیل: خاموش شدن گل به دلیل غیرت صبا / کنایه: «دم زدن»  
کنایه از «سخن گفتن»  
گزینه «۲»: اسلوب معادله: مصراع دوم در حکم مصدقی برای مصراع اول است.  
استعاره: «آئینه» استعاره از «دل»

گزینه «۳»: مجاز: «سینه» مجاز از «دل» / تشبیه: ما به خاطر دل پرداغان،  
همچون بهار جگر خاکیم و به خاطر چهره بی‌رنگمان، برای جهان، همچون خزانیم.

(فارسی ۳، آرایه، ترکیبی)

-۱۳

(مرتضی منشاری - اربیل)

در بیت گزینه «۴»، «خوب‌تر بودن» وجه شبه است.

**تشریح گزینه‌های دیگر**

گزینه «۱»: وجه شبه مصراع اول: اسیر و گرفتار کردن / وجه شبه مصراع دوم: شفا بخشیدن  
گزینه «۲»: وجه شبه: سفید و پاک هم چون سیم بودن  
گزینه «۳»: وجه شبه: زیبا بودن هم چو ماه

(فارسی ۳، آرایه، ترکیبی)

-۱۴

(منیف اخفمی ستوره)

مصراع اول به این اشاره می‌کند که باید فقط به درگاه خداوند روی آوریم و از او یاری  
جوییم. در گزینه «۱» نیز شاعر می‌گوید خدایا من را به کس دیگری محتاج نکن و  
خودت مرا مورد لطف قرار ده.

(فارسی ۳، مفهوم، صفحه ۱۰)

-۱۵

(مسن اصغری)

مفهوم مشترک بیت «ب» و «د»: حیات‌بخشی عشق

مفهوم بیت «الف»: جاودانه شدن با سخن

مفهوم بیت «ج»: ناممکن بودن رهایی از عشق

(فارسی ۳، مفهوم، صفحه ۵۳)

-۱۶

(مسن اصغری)

الف) پر خون بودن دریای عشق، بیانگر دشواری‌های راه عشق است.  
ب) راز عشق را به هر کسی نمی‌توان گفت.  
ج) اشتیاق عاشق از غرقه شدن در دریای عشق کم نمی‌گردد.  
د) داغ عشق از چهره عاشق نمایان است و قابل پنهان کردن نیست.

(فارسی ۳، مفهوم، صفحه‌های ۳۶ و ۴۷)

-۱۷

(بمشیر مقصوری - کوهرشت)

«گرفتاری انسان با شأن و منزلت، به دست انسان پست و بی‌ارزش» در بیت صورت  
سؤال و گزینه‌های «۱، ۲ و ۴» مطرح شده است.

(فارسی ۳، مفهوم، صفحه ۳۶)

-۱۸

(مریم شمیرانی)

مفهوم مشترک گزینه‌های «۱، ۲ و ۴» فدا شدن در راه عشق است، اما در  
گزینه «۳» شاعر معتقد است که کسی که عاشق نیست، زنده نیست.

(فارسی ۳، مفهوم، صفحه ۲۰)

-۱۹

(مسن اصغری)

مفهوم «بی‌قراری عاشق و بی‌خواب بودن او» به طور مشترک در ابیات «الف» و «ج» بیان  
شده است.

(فارسی ۳، مفهوم، صفحه ۲۰)

-۲۰

(مریم شمیرانی)

مفهوم عبارت صورت سؤال این است که هر چیزی به اصل خود باز می‌گردد. در  
گزینه «۴» نیز شاعر می‌گوید که همچون سیل و جوی که به دریا می‌رسد، ما نیز به  
سمت خدا باز می‌گردیم.

(فارسی ۳، مفهوم، صفحه ۴۹)

## عربی زبان قرآن (۳)

-۲۱

(فاله مشیرپناهی)

«إِنَّ اللَّهَ: بدون تردید خداوند / لَذُو فَضْلٍ عَلَى النَّاسِ»: صاحب فضل و بخشش است بر مردم / «وَلَكِنَّ: ولی، اما، ولیکن / «أَكْثَرُ النَّاسِ»: بیشتر (اکثر) مردم (رد) گزینه‌های ۳ و ۲ / «لَا يَشْكُرُونَ»: شکرگزاری نمی‌کنند. (رد گزینه‌های ۱ و ۲)

(ترجمه)

-۲۲

(رضا معصومی)

«إِنِّيهِ»: آگاه باش، متوجه باش / «أَنْ لَا أَخَذَ يَسْتطِيعُ»: که هیچ‌کس نمی‌تواند / «أَنْ يُسَاعِدَكَ»: به تو کمک کند / «فِي الْوَصُولِ»: در رسیدن / «إِلَى النَّجَاحِ»: به موفقیت / «غَيْرِ نَفْسِكَ»: جز خودت، مگر خودت

(ترجمه)

-۲۳

(سیرممدعلی مرتضوی)

«كَانَ الْأَوْلَادُ فَرِحِينَ»: فرزندان شاد بودند (دقت کنید «فَرِحِينَ» حال نیست) / «لَأَنَّهُمْ»: زیرا (آنان) / «كَانُوا يُسَافِرُونَ»: (فعل ماضی استمراری) سفر می‌کردند / «مَدِينَتِهِمْ»: شهر خویش / «مُشْتَقِينَ»: (حال) با اشتیاق، مشتاقانه / «زِيَارَةَ»: دیدار / «أَصْدِقَائِهِمُ الْقَدَمَاءِ»: دوستان قدیمی خویش («الْقَدَمَاءِ» جمع مکسر «الْقَدِيمِ» است.)

(ترجمه)

-۲۴

(سیرممدعلی مرتضوی)

«قَدْ يَقُولُ»: گاهی می‌گویند (در این جا) / «الْجَهْلُ»: افراد نادان («الْجَهْلُ» جمع مکسر «الجاهل» است.) / «لَيْتَنَّا»: کاش ما / «خَلِقْنَا»: (فعل ماضی مجهول) آفریده شده بودیم / «الْفِضَّةَ»: نقره / «الذَّهَبَ»: طلا

(ترجمه)

-۲۵

(فاله مشیرپناهی)

«هَذِهِ الْأَصْنَامُ الَّتِي»: این بت‌هایی که (رد گزینه ۲) / «كُنْتُمْ تَفْتَخِرُونَ»: افتخار می‌کردید (رد گزینه‌های ۱ و ۴) / «لَا قِيمَةَ لَهَا»: هیچ ارزشی ندارند (رد گزینه‌های ۲ و ۱) / «لَأَنَّهُا عَاجِزَةٌ»: برای این که ناتوانند / «قضاء حاجاتها»: بر آوردن نیازهای خود (رد گزینه ۱)

(ترجمه)

-۲۶

(فاله مشیرپناهی)

در گزینه «۴»: «بودند» نادرست است و باید «هستند» باشد. همچنین در این گزینه «مَكْتَبَرًا» حال از «الشَّهَدَاءِ» است و چون «الشَّهَدَاءِ» جمع است، حال آن نیز باید جمع یعنی «مَكْتَبَرِينَ» باشد.

(ترجمه)

-۲۷

(هیرش صدیقی)

صورت سؤال به این مضمون اشاره دارد که ادب با زیاد شدن گران می‌شود و گزینه «۲» نیز به همین مضمون اشاره دارد ← معنی گزینه «۲»: همه چیز وقتی زیاد می‌شود ارزان می‌شود این قاعده به همه چیز اشاره دارد به جز ادب (ادب با زیاد شدن گران می‌شود).

## تشریح گزینه‌های دیگر

گزینه «۱»: این گزینه به میانه‌روی اشاره دارد یعنی عدم افراط و تفریط  
گزینه «۳»: عدم اظهار هنر در نزد یار  
گزینه «۴»: عشق، آداب امت عشق است.

(مفهومی)

-۲۸

(فاله مشیرپناهی)

در گزینه «۲» آمده است که «هیچ چیزی جهت زندانی شدن سزاوارتر از زبان نیست!» در حالی که مفهوم بیت داده شده در مقابل آن، به گفتن سخن نیکو و پسندیده توصیه می‌کند و این دو با هم ارتباط معنایی ندارند.

## تشریح گزینه‌های دیگر

در گزینه «۱» آمده است که «خداوند اجر نیکوکاران را تباه نمی‌کند.» که با بیت داده شده تناسب دارد.

در گزینه «۳» نیز آمده که «هیچ علمی نداریم جز آنچه که به ما یاد دادی!» که با بیت داده شده قرابت معنایی دارد.

در گزینه «۴» نیز آمده که «هیچ گنجی بی‌نیازکننده‌تر از قناعت نیست!» که با شعر داده شده تناسب دارد. (اگر انسان قانع نباشد، همه نعمت‌های روی زمین نیز وی را قانع نمی‌سازد.)

(مفهومی)

-۲۹

(رضا معصومی)

شکل مرتب شده کلمات صورت سؤال: «یا لیتنی أُرْوَى البقیع الشریفَ مرَّةً آخری! ای کاش من یکبار دیگر بقیع شریف را زیارت کنم!»  
با توجه به ترجمه گزینه «۴» درمی‌یابیم این گزینه برای تکمیل گفت‌وگو مناسب نیست. (به راستی که او مشتاق زیارت عتبات مقدس است!)

## ترجمه گزینه‌های دیگر

گزینه «۱»: عزیزم من نیز برای زیارت اشتیاق دارم!  
گزینه «۲»: اما تو در گذشته فریضه حج را به جا آورده‌ای!  
گزینه «۳»: اگر خدا بخواهد در سال آینده با هم می‌رویم!

(مفهومی)

-۳۰

(فاله مشیرپناهی)

در گزینه «۳» آمده است که «بر ما لازم است که به آن افتخار کنیم.» که «اصل و نَسَب» کلمه مناسبی برای جای خالی نیست، بلکه باید کلماتی همچون «العفاف، الحیاء، العلم، ...» می‌آمد.

گزینه «۱»: «مجسمه‌ای از چوب که به جای خداوند عبادت می‌شود.» بت  
گزینه «۲»: «دوری از شخص یا کاری»: دوری جستن، اجتناب  
گزینه «۴»: «تعداد حروف مشتبه بالفعل»: شش

(مفهومی)



-۳۱

(زهر اکرمی)

ترجمه گزینه «۱»: بیماری شخصی است که بیماران را معاینه می‌کند و برایشان بیماری را تشخیص می‌دهد، نادرست است.

**تشریح گزینه‌های دیگر:**

ترجمه گزینه «۲»: تیر همان وسیله‌ای است که برای قطعه‌قطعه کردن شاخه‌های درختان استفاده می‌شود.

ترجمه گزینه «۳»: تراکتور نوعی از ماشین‌هایی است که برای کشیدن یا حمل اشیاء استفاده می‌شود.

ترجمه گزینه «۴»: استخوان همان عضوی است که جزئی از هیكل می‌باشد.

(مفهوم)

**ترجمه متن درک مطلب:**

«سال‌ها پیش، اعتقادی میان ورزشکاران وجود داشت که انسان نمی‌تواند یک مایل را در کمتر از چهار دقیقه ببیماید، و این‌که هرکسی بکوشد این رکورد را بشکند، قلبش منفجر خواهد شد، ولی یکی از ورزشکاران پرسید آیا کسی وجود دارد که تلاش کرده باشد و قلبش منفجر شده باشد، پس پاسخ منفی دریافت کرد، پس شروع به تلاش و تمرین کرد و توانست رکورد را بشکند، و مسافت یک مایل را در کمتر از چهار دقیقه ببیماید، در ابتدا جهان گمان کرد که او دیوانه است یا این‌که ساعتش نادرست است، اما بعد از این‌که او را مشاهده نمودند، موضوع را باور کردند و در همان سال بیش از صد ورزشکار توانستند آن رکورد را بشکنند! «قناعت سلبی» باعث می‌شود بسیاری از ما برای رسیدن به اهدافمان تلاش نکنیم، قدرت افکار و سرعت پذیرش آن افکار توسط جسم، همان چیزی است که رفتار ما را می‌سازد و شکل می‌دهد!»

-۳۲

(سیرممرعلی مرتضوی)

صورت سؤال: «چرا بیشتر ورزشکاران از شکستن رکورد عاجز ماندند؟»، «زیرا آنان به حرف‌ها تکیه می‌کردند، نه به توانایی‌هایشان!» مطابق متن صحیح است.

**تشریح گزینه‌های دیگر**

گزینه «۱»: «زیرا آنان به بیماری‌های قلب دچار بودند!» نادرست است.

گزینه «۳»: «زیرا آن هدف، واقعاً دور از دسترس بود!» نادرست است.

گزینه «۴»: «زیرا شرایط به آنان اجازه تلاش و تمرین نمی‌داد!» نادرست است.

(درک مطلب و مفهوم)

-۳۳

(سیرممرعلی مرتضوی)

صورت سؤال: «منظور از «قناعت سلبی» چیست؟»، «قناعتی که ما را از این‌که آرزو کنیم و تلاش نماییم، بازمی‌دارد» مطابق متن صحیح است.

**تشریح گزینه‌های دیگر**

گزینه «۱»: «قناعتی که ما را به آن‌چه می‌خواهیم، می‌رساند!» نادرست است.

گزینه «۲»: «همان است که باعث می‌شود از نعمت‌های خدا احساس رضایت نکنیم!» نادرست است.

گزینه «۴»: «همان است که حرص و طمع را می‌کاهد!» نادرست است.

(درک مطلب و مفهوم)

-۳۴

(سیرممرعلی مرتضوی)

«گویی راضی کردن مردم، هدفی است که به‌دست نمی‌آید!» ارتباطی به مفاهیم متن درک مطلب ندارد.

**تشریح گزینه‌های دیگر**

گزینه «۱»: «تکیه بر دیگری، ناتوانی است و اعتماد به خود، توانایی!» درست است.

گزینه «۲»: «تو همان تغییری باش که می‌خواهی آن را در جهان ببینی!» درست است.

گزینه «۴»: «هرکس چیزی را بخواهد و بکوشد، (آن را) می‌یابد!» درست است.

(درک مطلب و مفهوم)

-۳۵

(سیرممرعلی مرتضوی)

«أَكْثَرُ» فاعل برای فعل «اسْتَطَاعَ» است، زیرا بعد از آن آمده است و انجام کار نیز به آن نسبت داده می‌شود.

(تفلیل صرفی)

-۳۶

(سیرممرعلی مرتضوی)

**تشریح گزینه‌های دیگر**

گزینه «۱»: «إِنْ يَقْطَعُ» نادرست است و باید به‌صورت «أَنْ يَقْطَعُ» بیاید؛ دقت کنید که «إِنْ» ادات شرط و به معنی «اگر» است، اما «أَنْ» از حروفی است که بر سر فعل مضارع می‌آیند و معنای مضارع التزامی (که ... ) می‌سازند.

گزینه «۲»: «لِلْمُحَاوَلَةِ» و «لِلْمُمَارَسَةِ» صحیح است؛ زیرا این دو کلمه مصدر از باب مفاعله هستند و باید بر وزن «مُفَاعَلَةٌ» (با حرکت فتحه بر روی عین الفعل) بیایند.

گزینه «۳»: «لِلْعَالِمِ» به معنی دانشمند و «لِلْعَالَمِ» به معنی جهان است؛ با توجه به معنی، در این جمله «العالم» صحیح است.

(حرکت‌گذاری)

-۳۷

(رضا معصومی)

در گزینه «۴» عبارت «و أنتم الأعلىون: در حالی که شما بالاتر هستید» جمله‌ی حالیه از نوع اسمیه است.

**تشریح گزینه‌های دیگر**

گزینه «۱»: «شیطین» حال مفرد (تک‌کلمه‌ای) است.

گزینه «۲»: در این گزینه اصلاً حال وجود ندارد. «لا یرسب» جمله‌ی وصفیه است برای اسم نکره «طالباً».

گزینه «۳»: در این گزینه نیز حال از نوع جمله اسمیه وجود ندارد. «متتالیة» حال مفرد است.

(حال)

-۳۸

(سیرممرعلی مرتضوی)

در این گزینه، «حزیناً» حال است که اسم فاعل نیست.

**در سایر گزینه‌ها**

«خاشعین، مُتَكَاسِلًا و واقفین» حال و اسم فاعل هستند.

(حال)

-۳۹

(رضا معصومی)

«لا» در فعل «لا یبأسن»، «لای نهی غایب» است. (نباید ناامید شود) زیرا شکل انتهای فعل را تغییر داده است.

**تشریح گزینه‌های دیگر**

گزینه «۱»: «أَلَا یُخْرَبُوا»: أن + لا + یُخْرَبُونَ. «لا» در این فعل «لای نفی مضارع» است.

گزینه «۲»: «لا خیر: هیچ خیری نیست» (لای نفی جنس)

گزینه «۳»: «لا علم لنا: هیچ علمی نداریم» (لای نفی جنس)

(قواعد فعل)

-۴۰

(هیرش صمدی)

«کأن» در برخی موارد به معنی مانند و مثل است که مشابَهت و تشبیه را می‌رساند. مانند گزینه «۱»

(انواع جمله)

## دین و زندگی (۳)

-۴۱

(مرتضی مفسنی کبیر)

براساس آیه ۱۷۸ سوره آل عمران که می‌فرماید: «و لا یحسینَ الَّذینَ کَفَرُوا اِنَّما نَملی لَهُمْ خَیْرًا لَّانفُسِهِمْ اِنَّما نَملی لَهُمْ لَیْزادًا و اِنَّما وَ لَهُمْ عَذابٌ مُهِینٌ: آنان که کافر شدند، تصور نکنند اگر به آنان مهلت می‌دهیم به نفع آن‌هاست فقط [به این خاطر] به آنان مهلت می‌دهیم تا بر گناهانشان بیفزایند و برای آن‌ها غذایی خوارکننده است.» گمان نادرست کافران «خَیْرًا لَّانفُسِهِمْ» است و عذاب به خاطر افزایش گناهان است: «لَیْزادًا و اِنَّما».

(دین و زندگی ۳، درس ۶، صفحه ۶۹)

-۴۲

(هارى ناصرى)

این بیت به نیازمندی جهان به خدا در پیدایش می‌پردازد. و به مفهوم دوم مقدمه دوم در استدلال نیازمند بودن جهان در پیدایش به خداوند، یعنی پدیده‌هایی که وجودشان از خودشان نیست، برای موجود شدن نیازمند به پدیدآورنده‌ای هستند که خودش پدیده نباشد، بلکه وجودش از خودش باشد، اشاره دارد.

(دین و زندگی ۳، درس ۱، صفحه ۷)

-۴۳

(محمدرضا یزیدی)

نابود نشدن جهان، هدف خدای حکیم از نگهداری آسمان‌ها و زمین است. اعتقاد به خدای حکیم، این اطمینان را به انسان می‌بخشد که جهان خلقت حافظ و نگهداری دارد که در کار او اشتباه نیست و کشتی جهان به موجب علم و قدرت او، هیچ‌گاه غرق و نابود نخواهد شد. این هدف، در عبارت قرآنی «إِنَّ اللَّهَ یُمْسِكُ السَّمَاوَاتِ وَ الْأَرْضَ أَنْ تَزُولَا» نهفته است، اما عبارت «لَیْسَ زَالَتَا» شرط و فرض نابودی جهان است. طبق آیه مبارکه «قَدْ جَاءَكُمْ بَصَائِرٌ مِنْ رَبِّكُمْ فَمَنْ أَبْصَرَ فَلِنَفْسِهِ»، چشم گشودن در برابر دلایل روشن که از جانب پروردگار آمده است، سود و نفع انسان را به دنبال دارد.

(دین و زندگی ۳، درس ۵، صفحه‌های ۵۷ و ۵۸)

-۴۴

(مرتضی مفسنی کبیر)

براساس آیه ۹۶ سوره اعراف «و لَوْ أَنَّ اَهْلَ الْقُرَى اٰمَنُوا وَ اتَّقَوْا لَفَتَحْنَا عَلَیْهِمْ بَرَکَاتٍ مِنَ السَّمٰوٰتِ وَ الْاَرْضِ...»: و اگر مردم شهرها (جامعه) ایمان آورده و تقوا پیشه می‌کردند قطعاً برایشان می‌گشودیم برکاتی از آسمان و زمین...». باز شدن درهای برکات الهی شامل مؤمنان با تقوا در جامعه می‌شود و براساس آیه ۶۹ سوره عنکبوت: «وَ الَّذینَ جَاهَدُوا فِینَا لَنُهْدِیَنَّهُمْ سُبُلَنَا...»: و کسانی که در راه ما جهاد [و تلاش] کنند حتماً آنان را به راه‌های خود هدایت می‌کنیم». قطعیت هدایت الهی وعده‌ای است که به انسان‌های تلاشگر در راه خدا داده شده است، برداشت می‌شود.

(دین و زندگی ۳، درس ۶، صفحه‌های ۶۹ و ۷۰)

-۴۵

(امین اسیران‌پور)

آیه شریفه «وَ الَّذینَ جَاهَدُوا فِینَا...» که مرتبط با مفهوم توفیق الهی است، با موضوع مطرح شده در صورت سؤال که بیان‌کننده نقش عامل درونی در کسب توفیق الهی است، ارتباط دارد.

(دین و زندگی ۳، درس ۶، صفحه‌های ۶۹ و ۷۵)

-۴۶

(عباس سیرشبستری)

خداوند در آیه شریفه «قُلْ اَللّٰهُمَّ...» که می‌توان از آن، توحید در مالکیت را استنباط کرد می‌فرماید: «بگو بارالها! حکومت از آن توست [آن را] به هر کس که بخواهی می‌بخشی و از هر کس که بخواهی می‌گیری.» در این آیه، خواست الهی کاملاً مشهود است.

(دین و زندگی ۳، درس ۲، صفحه ۲۱)

-۴۷

(سیدامسان هنری)

با دقت در پیام صورت سؤال و توجه به فعل مضارع «یسأله» در گزینه «۳» که فعل مضارع و دائمی بودن را می‌رساند، آیه شریفه، «یسأله من فی السَّمَاوَاتِ وَ الْأَرْضِ کُلَّ یَوْمٍ هُوَ فِی شَأْنٍ» بیانگر درخواست دائمی موجودات از خداوند و لطف و فیض دائمی خداوند به انسان و سایر موجودات است.

(دین و زندگی ۳، درس ۱، صفحه ۱۰)

-۴۸

(محمدرضا یزیدی)

میان عبارات «فقط مرا بپرستید» و «فقط برای خدا قیام کنید» ارتباط مستقیم وجود دارد. یعنی عبارات قرآنی «وَ اَنْ اَعْبُدُوْنِی» و «اَنْ تَقُوْمُوا لِلّٰهِ» با یکدیگر تناسب مفهومی دارند. علت این که باید خدا را پرستید، این است که این راه، همان راه رستگاری است: «وَ اَنْ اَعْبُدُوْنِی هَذَا صِرَاطٌ مُسْتَقِیْمٌ».

(دین و زندگی ۳، درس ۴، صفحه ۴۳)

-۴۹

(وهیبه کلاغزی)

عقیده به توانایی پیامبر اکرم (ص) و اولیای دین در برآوردن حاجات انسان (مانند شفا دادن) به اذن خداوند بیانگر توحید در ربوبیت است و عبارت «آفریننده‌ای حکیم، عالم را هدایت می‌کند» نیز توحید در ربوبیت است.

(دین و زندگی ۳، درس ۲، صفحه‌های ۲۱، ۲۲ و ۲۳)

-۵۰

(مرتضی مفسنی کبیر)

آبی که می‌نوشیم به علت اعتماد به قدر و قضای الهی است یعنی می‌دانیم که خداوند آب را با این ویژگی‌ها و اندازه‌ها آفرید که سبب رفع تشنگی می‌شود (قدر و قضای الهی) و آیه «لَا الشَّمْسُ یَنْبَغِی لَهَا اَنْ تُدْرِکَ الْقَمَرَ» به قدر و قضای الهی و قانون تخلف‌ناپذیر جهان اشاره دارد.

(دین و زندگی ۳، درس ۵، صفحه‌های ۵۹ و ۶۰)



-۵۱

(مبوهه ایشام)

جامعه موحد (مؤمنان)، حکومت کسانی را که خداوند به آن‌ها حق حکومت کردن را نداده است نمی‌پذیرد، با آنان که با خدا و مسلمانان دشمنی می‌ورزند (اهل باطل)، دوستی نمی‌کند و با ظالمان مبارزه می‌کند. این حقیقت در آیه «یا ایها الذین آمنوا لا تتخذوا عدوتی و عدوتکم اولیاء تلقون الیهم بالمؤدّة و قد کفروا بما جاءکم من الحق: ای کسانی که ایمان آورده‌اید، دشمن من و دشمن خودتان را دوست نگیرید، [به گونه‌ای که] با آنان مهربانی کنید. حال آنکه به دین حقی که برای شما آمده است، کفر ورزیده‌اند.» تبیین شده است.

(دین و زندگی ۳، درس ۳، صفحه ۳۵)

-۵۲

(ممد افاضلی)

طبق فرموده پیامبر اکرم (ص): «تَفَكَّرُوا فِي كُلِّ شَيْءٍ...» «در همه چیز تفکر کنید...» انسان‌ها توانایی درک اموری را دارند که ذهن به آن‌ها احاطه پیدا کند. زیرا لازمه شناخت هر چیزی، احاطه و دسترسی به آن است.

(دین و زندگی ۳، درس ۱، صفحه ۱۳)

-۵۳

(مامد دوران)

عبارت «حکومت از آن توست»، بیانگر توحید در مالکیت است که علت آن توحید در خالقیت می‌باشد. و عبارت «چند خدا با همکاری یکدیگر جهان هستی را آفریده‌اند» شرک در خالقیت می‌باشد.

(دین و زندگی ۳، درس ۲، صفحه‌های ۲۰ و ۲۱)

-۵۴

(فیروز نزارنرف- تبریز)

شناخت قوانین حاکم بر زندگی انسان‌ها، موجب نگرش صحیح ما نسبت به تلخی‌ها و شیرینی‌ها، شکست‌ها و موفقیت‌ها، بیماری و سلامت و به‌طور کلی همه حوادث زندگی می‌شود.

(دین و زندگی ۳، درس ۶، صفحه ۷۱)

-۵۵

(مرتضی مسنی‌کبیر)

ریشه (خاستگاه) بت‌پرستی و شرک جدید (نوپن) آن است که برخی از انسان‌ها در عین قبول داشتن خداوند، دین و دستورات دین را در متن زندگی خود وارد نمی‌کنند و برعکس تمایلات دنیوی و نفسانی خود را اصل قرار می‌دهند که این موضوع در آیه «أَرَأَيْتَ مَنْ اتَّخَذَ إِلَهَهُ هَوَاهُ: آیا دیدی آن کس را که هوای نفس خود را معبود خود گرفت...» تجلی دارد

(دین و زندگی ۳، درس ۳، صفحه‌های ۳۳ و ۳۷)

-۵۶

(ابوالفضل امیرزاده)

انسان موحد می‌کوشد تمایلات درونی و تصمیم‌ها و فعالیت‌های خود را در جهت خواست و رضایت الهی قرار دهد. برای یک انسان موحد جهان معنای خاص خود را دارد. از نظر او هیچ حادثه‌ای در عالم بی‌حکمت نیست، گرچه حکمت آن را نداند. از همین رو، موحد واقعی همواره انسانی امیدوار است.

(دین و زندگی ۳، درس ۳، صفحه ۳۳)

-۵۷

(ممد رضا فرهنگیان)

درگام نخست لازم است اخلاص در اندیشه تحقق یابد، به طوری که انسان همه امور خود و عالم را به دست خدا ببیند و بداند که خداوند مدبّر و اداره‌کننده همه امور جهان است.

(دین و زندگی ۳، درس ۴، صفحه ۳۴)

-۵۸

(ممد رضایی‌بقا)

انسانی که قضا و تقدیر الهی متناسب با آن را بشناسد، تصمیم می‌گیرد و دست به انتخاب مناسب‌تری می‌زند. نقشه جهان (قدر الهی) با همه موجودات و ریزه‌کاری‌ها و ویژگی‌ها و قانون‌هایش از آن خدا و از علم خداست. دلیل رد گزینه‌های «۳» و «۴»: اعتقاد به خدای حکیم به انسان اطمینان خاطر می‌بخشد، نه صرفاً دانستن قضا و قدر الهی، دلیل رد گزینه‌های «۲» و «۳»: اراده الهی، منشأ قضای الهی است، نه قدر الهی.

(دین و زندگی ۳، درس ۵، صفحه‌های ۵۹ و ۶۱)

-۵۹

(مرتضی مسنی‌کبیر)

طبق احادیث، خداوند روزه را برای آزمودن اخلاص مردم واجب کرده است. براساس آیات شریفه «أَلَمْ أَعْهَدَ إِلَيْكُمْ يَا بَنِي آدَمَ أَنْ لَا تَعْبُدُوا الشَّيْطَانَ إِنَّهُ لَكُمْ عَدُوٌّ مُبِينٌ وَ أَنْ أَعْبُدُونِي هَذَا صِرَاطٌ مُسْتَقِيمٌ: ای فرزندان آدم، آیا از شما پیمان نگرفته بودم که شیطان را نپرستید که او دشمن آشکار شماست و اینکه مرا بپرستید [که] این راه مستقیم است؟ و عهد و پیمان (آن لاتَعْبُدُوا الشَّيْطَانَ- آن اعبُدونی) که خداوند در فطرت انسان‌ها قرار داده است. (دین و زندگی ۳، درس ۴، صفحه‌های ۳۳ و ۳۹)

-۶۰

(هارى ناصرى)

آیه «ما لَهُمْ مِنْ دُونِهِ مِنْ وَلِيٍّ وَ لَا يُشْرِكُ فِي حُكْمِهِ أَحَدٌ: به توحید در ولایت (حق تصرف الهی) و آیه «قُلْ أَغْنَى اللَّهُ أَعْمَى رَبًّا وَ هُوَ رَبُّ كُلِّ شَيْءٍ: به توحید در ربوبیت (پشتیبانی و تدبیر خداوندی) اشاره دارند.

(دین و زندگی ۳، درس ۲، صفحه ۲۱ و ۲۲)

### زبان انگلیسی (۳)

-۶۱

(علی شگوهی)

ترجمه جمله: «این روزها، کشور از مشکلات مالی مختلفی رنج می‌برد. برای حل این مشکلات، تاکنون جلسات متعددی برگزار شده است، اما مقام‌های دولتی هنوز به تصمیمی نرسیده‌اند.»

#### نکته مهم درسی

با توجه به مفهوم جمله و اینکه در جمله مفعول فعل "hold" قبل از آن قرار گرفته، باید از ساخت دستوری مجهول در جای خالی استفاده کنیم. با این فرض، گزینه‌های اول و دوم قطعاً غلط هستند، زیرا هر دو دارای ساخت معلوم‌اند. با توجه به کلمه "so far" (تاکنون) و "yet" (هنوز) که از علائم حال کامل (ماضی نقلی) به حساب می‌آیند، باید از ساخت مجهول حال کامل استفاده کنیم (دلیل رد گزینه «۳»).

-۶۲

(علی شگوهی)

ترجمه جمله: «شنیده‌ام که خواهرتان دو پسر و یک دختر دارد، اینطور نیست؟»

#### نکته مهم درسی

مطابق با الگوی دنباله سؤالی‌ها، اگر جمله اصلی مثبت باشد، دنباله سؤالی منفی است، پس گزینه «۴» کاملاً نادرست است. حتماً می‌دانید که (S) می‌تواند هم مخفف "is" باشد و هم مخفف "has"، در اینجا عبارت "has got" را داریم. در نتیجه، (S) مخفف "has" خواهد بود، بنابراین گزینه «۲» هم رد می‌شود. در جملات ترکیبی، ملاک انتخاب دنباله سؤالی، جمله‌ای است که بار معنایی اصلی جمله، مربوط به آن است. در این جمله آن چه که اهمیت دارد، خبر بعد از "that" است، نه قبل از آن. پس گزینه «۱» نیز نادرست خواهد بود.

-۶۳

(علی عاشوری)

ترجمه جمله: «اغلب ادعا می‌شود که با شکم پر وارد آب شدن می‌تواند منجر به مرگ شود، اما اگر این امر صحت داشت چگونه برخی از شناگران در طی یک مسابقه با غذا خوردن خطر می‌کنند؟»

#### نکته مهم درسی

از کلمه ربط "but" برای بیان تضاد و تقابل بین دو مفهوم استفاده می‌کنیم.

(گرامر)

-۶۴

(علی عاشوری)

ترجمه جمله: «مدیر گفت که آن استادیوم که قرار بود در (سال) ۲۰۱۵ استفاده شود، هنوز کامل نشده است.»

#### نکته مهم درسی

بعد از اشیاء ضمیر موصولی "which" استفاده می‌شود. به ساختار "be going to" دقت کنید.

(گرامر)



-۶۵

(علی شکوهی)

ترجمه جمله: «قبلاً در آپارتمانی زندگی می‌کردم که آسانسور بسیار کندی داشت. همسایه‌ها دائماً در مورد آن غر می‌زدند.»

**نکته مهم درسی**

حتماً یادتان هست که وقتی با دو جمله سروکار داشته باشیم، برای پیوند دادن آن‌ها باید از کلمات ربط‌دهنده مناسب استفاده کنیم. با این توضیح، گزینه «۴» که از هیچ پیونددهنده‌ای استفاده نکرده، نمی‌تواند درست باشد. دلیل نادرستی گزینه «۲» آن است که بعد از حرف ربط همپایه‌ساز "and" در این جمله باید از نهاد "it" استفاده کنیم. گزینه «۳» نیز غلط است؛ زیرا بعد از ضمیر موصولی "that" نباید از "it" استفاده می‌شد.

(گراهر)

-۶۶

(سپهر عرب)

ترجمه جمله: «من به وضوح آن دختر کوچک زیبا را که به دلیل عکسی که از مادر فوت شده‌اش به او نشان داده شد، زیر گریه زد، به خاطر می‌آورم.»

**نکته مهم درسی**

در جمله اول «دختر کوچک زیبا» قبل از جای خالی، نقش فاعلی دارد در نتیجه جای خالی اول را با ضمیر موصولی "who" یا "that" پر می‌کنیم. از طرفی عبارت اسمی «عکسی از مادر فوت شده‌اش» قبل از جای خالی دوم غیر انسان است و باید در جای خالی از "which" یا "that" استفاده کنیم. با این حساب تنها گزینه صحیح گزینه «۲» است.

(گراهر)

-۶۷

(علی شکوهی)

ترجمه جمله: «اگر بنا دارید در تعطیلات بعدی جایی بروید، به شما توصیه می‌کنم بهتر است الان بلیط‌هایتان را رزرو کنید. اگر منتظر بمانید ممکن است تمام هواپیماها پر شوند.»

- (۱) توصیه کردن  
(۲) معرفی کردن  
(۳) بیان کردن  
(۴) در نظر گرفتن

(واژگان)

-۶۸

(علی عاشوری)

ترجمه جمله: «گاهی یک رویای خاص محقق می‌شود و آن ناگهان تمام دنیایتان را زیبا و جدید می‌کند. آیا تا به حال این برای شما اتفاق افتاده است؟»

- (۱) به‌طور مناسب  
(۲) به راحتی  
(۳) به‌طور ناگهانی  
(۴) با موفقیت

(واژگان)

-۶۹

(علی شکوهی)

ترجمه جمله: «ده سال قبل، مری برای ادامه تحصیل در رشته بیوشیمی به کانادا رفت. وقتی برگشت، ظاهرش آن قدر تغییر کرده بود که به زحمت او را شناختم.»

- (۱) جایگزین کردن  
(۲) کشف کردن  
(۳) شناختن، تشخیص دادن  
(۴) توصیف کردن

(واژگان)

-۷۰

(علی عاشوری)

ترجمه جمله: «مردی که در همسایگی ما زندگی می‌کرد آن چنان سخاوتمند بود که تمام ثروتش را به یک خیریه داد که برای فقرا خانه بسازند.»

- (۱) سخاوتمند  
(۲) عصبی  
(۳) جدی  
(۴) مشهور

(واژگان)

-۷۱

(علی شکوهی)

ترجمه جمله: «واژه "blog" شکل خلاصه شده "weblog" است. همان‌طور که می‌دانید "blog" نوعی مجله است که در آن، افراد افکار و دیدگاه‌هایشان را در اینترنت منتشر می‌کنند.»

- (۱) تعریف شده  
(۲) بهبود یافته  
(۳) ترکیب شده  
(۴) خلاصه شده

(واژگان)

-۷۲

(علی عاشوری)

ترجمه جمله: «او در ۱۸ سالگی ستاره فوتبال شد. آن دستاورد قابل‌ملاحظه‌ای برای چنین بازیکن جوانی بود.»

- (۱) توسعه، پیشرفت  
(۲) دستاورد  
(۳) نظم، ترتیب  
(۴) آزمایش

(واژگان)

-۷۳

(مهروی امردی)

ترجمه جمله: «کدام‌یک از موارد ذیل، بهترین عنوان برای متن فوق است؟»  
«فرآیند بازیافت»

(درک مطلب)

-۷۴

(مهروی امردی)

ترجمه جمله: «همه موارد زیر بر مزایای بازیافت دلالت دارند به‌جز «ایجاد کردن انواع مختلف پلاستیک.»»

(درک مطلب)

-۷۵

(مهروی امردی)

ترجمه جمله: «واژه "shred" (باریک بریدن) که زیر آن خط کشیده شده با واژه "cut" (بریدن) قرابت معنایی دارد.»

(درک مطلب)

-۷۶

(مهروی امردی)

ترجمه جمله: «مطابق با متن فوق، کدام‌یک از موارد زیر درست نیست؟»  
«همه مواد می‌توانند به‌طور مشابهی بازیافت شوند.»

(درک مطلب)

-۷۷

(امیرمسین مراد)

ترجمه جمله: «ایده اصلی متن چیست؟»  
«توصیف مطالعاتی درباره رشد مغز در نوزادان»

(درک مطلب)

-۷۸

(امیرمسین مراد)

ترجمه جمله: «طبق (این) مقاله، کدام جمله درست است؟»  
«تجارب تعاملی در رشد مغز مهم هستند.»

(درک مطلب)

-۷۹

(امیرمسین مراد)

ترجمه جمله: «طبق پاراگراف دوم، چه چیزی ارتباطات جدید را در مغز ایجاد می‌کند؟»  
«تجربه کردن اطلاعات جدید.»

(درک مطلب)

-۸۰

(امیرمسین مراد)

ترجمه جمله: «آزمایش پاراگراف ۳ از الگوهای آوایی استفاده کرد، چون ترتیب لغات جزئی از دستور زبان است.»

(درک مطلب)



# دفترچه پاسخ

## آزمون ۱۶ فروردین ماه ۹۸

### اختصاصی دوازدهم ریاضی

نام طراحان	نام درس	اختصاصی
کاظم اجلائی - سید محمودرضا اسلامی - صابر ترکیبی - سید عادل حسینی - طاهر دادستانی - کاظم سالار یاسین سپهر - میلاد سجادی لاریجانی - علی شهبابی - عرفان صادقی - فرنود فارسی جانی - امین قربانعلی پور جهانبخش نیکنام	حسابان ۲	
امیر حسین ابومحبوب - اسحاق اسفندیار - محمد خندان - شهریار رحمانی - یاسین سپهر - رضا عباسی اصل میلاد منصوری - سروش موثینی	هندسه	
امیر حسین ابومحبوب - علی ایمانی - جواد حاتمی - کیوان دارابی - سیدوحید ذوالفقاری - عباس رحیمی سیدمصطفی سیدحسینی - علیرضا شریف خطیبی - مرتضی فهیم علوی - سروش موثینی	ریاضیات گسسته	
عبدالرضا امینی نسب - زهره آقامحمدی - بیتا خورشید - میثم دشتیان - سعید شرق - سعید طاهری بروجنی بهادر کامران - امیر حسین مجوزی - سیدعلی میرنوری - شادمان ویسی	فیزیک	
حامد پویان نظر - مرتضی خوش کیش - حسن رحمتی کوکنده - مبینا شرافتی پور - میلاد شیخ الاسلامی خیایو محمد کوهستانیان - جواد گنابی - سعید محسن زاده - سیدمحمد معروفی - علی مؤیدی - محمد وزیری	شیمی	

#### گزینشگران و ویراستاران

نام درس	حسابان ۲	هندسه	ریاضیات گسسته	فیزیک	شیمی
گزینشگر	کاظم اجلائی	امیر حسین ابومحبوب	کیوان دارابی	سیدعلی میرنوری	حسن رحمتی کوکنده
گروه ویراستاری	مرضیه گودرزی حمید زرین کفش علی ارجمند مهدی ملارمضانی	علی ارجمند سیدعادل حسینی ندا صالح پور	علی ارجمند سیدعادل حسینی ندا صالح پور	سجاد شهبابی فراهانی حمید زرین کفش امیر حسین بردران علیرضا صابری	علی حسینی صفت علی علمداری مبینا شرافتی پور مهدی شریفی
مسئول درس	سیدعادل حسینی	امیر حسین ابومحبوب	امیر حسین ابومحبوب	بابک اسلامی	محمد وزیری

#### گروه فنی و تولید

محمد اکبری	مدیر گروه
نرگس غنی زاده	مسئول دفترچه
مدیر گروه: مریم صالحی	گروه مستندسازی
حسن خرم جو	حروف نگار
سوران نعیمی	ناظر چاپ

#### گروه آزمون

#### بنیاد علمی آموزشی قلم چی (وقف عام)

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ - کانون فرهنگی آموزش - تلفن: ۰۲۱-۶۴۶۳



x	۲	۴
$x-4$	-	-
$f(3-x)$	+	-
$\frac{x-4}{f(3-x)}$	-	+

$$\Rightarrow D_g = (2, 4]$$

این بازه شامل اعداد صحیح ۳ و ۴ است.

(مسئله ۲- تابع: صفحه‌های ۱۵ تا ۱۸)

(علی شهبازی)

۸۴-

اگر  $f$  تابعی صعودی باشد، تابع  $f - f$  نزولی خواهد بود. همچنین مجموع دو تابع صعودی، تابعی صعودی و مجموع دو تابع نزولی، تابعی نزولی خواهد بود. در این سؤال، تابع  $f$  صعودی و تابع  $g$  نزولی است. پس تابع  $g - f$  قطعاً نزولی است.

تابع گزینه «۴» صعودی است. تابع گزینه «۱» صعودی و تابع گزینه «۲» ابتدا صعودی و سپس نزولی است.

(مسئله ۲- تابع: صفحه‌های ۱۵ تا ۱۸)

(علی شهبازی)

۸۵-

باقی‌مانده تقسیم  $f(x) = x^4 + kx^3 - 5x^2 + 2x - 4$  بر  $x - 1$  برابر  $-4$  است. پس:  $f(1) = -4 \Rightarrow 1 + k + 2 - 5 + 2 = -4 \Rightarrow k = -4$

باقی‌مانده تقسیم  $f$  بر  $x^2 - x - 2$ ، عبارتی حداکثر از درجه یک است:

$$f(x) = (x^2 - x - 2)g(x) + \underbrace{ax + b}_{\text{باقی‌مانده}}$$

با جای‌گذاری ریشه‌های مقسوم‌علیه یعنی  $x = -1$  و  $x = 2$ ، داریم:

$$x = -1: f(-1) = 0 = -a + b \Rightarrow +1 - 4 - 2 + 5 + 2 = -a + b$$

$$\Rightarrow -a + b = 2 \quad (1)$$

$$x = 2: f(2) = 0 = 2a + b \Rightarrow 2^4 - 2^3 + 16 - 10 + 2 = 2a + b$$

$$\Rightarrow 2a + b = 8 \quad (2)$$

$$\xrightarrow{(1), (2)} a = 2, b = 4$$

$$\Rightarrow r(x) = ax + b = 2x + 4$$

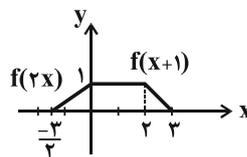
(مسئله ۲- تابع: صفحه‌های ۱۸ تا ۲۲)

حسابان ۲

(میوانیش نیلنام)

۸۱-

نمودار تابع  $g(x)$  به صورت شکل زیر است:



مساحت سطح مورد نظر برابر است با:

$$S = \frac{(\frac{4}{5} + 2) \times 1}{2} = \frac{6/5}{2} = \frac{13}{4}$$

(مسئله ۲- تابع: صفحه‌های ۱ تا ۱۲)

(غزنور فارسیبانی)

۸۲-

در تابع  $g$  داریم:

$$-1 \leq x \leq 3 \Rightarrow -2 \leq 2x \leq 6 \Rightarrow -3 \leq 2x - 1 \leq 5$$

یعنی عبارت ورودی تابع  $f$ ،  $(2x - 1)$  باید در بازه  $[-3, 5]$  قرار داشته باشد، پس در تابع  $h$  هم این شرایط باید برقرار باشد.

$$\Rightarrow -3 \leq 3x + 2 \leq 5 \Rightarrow -5 \leq 3x \leq 3 \xrightarrow{\div 3} -\frac{5}{3} \leq x \leq 1$$

پس دامنه تابع  $h$ ، بازه  $[-\frac{5}{3}, 1]$  است.

(مسئله ۲- تابع: صفحه‌های ۱ تا ۱۲)

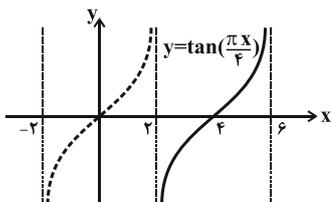
(صابر ترکیبی)

۸۳-

$f$  اکیداً صعودی و  $y = 3 - x$  اکیداً نزولی است، پس ترکیب آن‌ها یعنی  $f(3 - x)$  نیز اکیداً نزولی است. چون  $f(1) = 0$  است،  $x = 1$  صفر تابع  $f(x)$  و  $x = 2$  صفر تابع  $f(3 - x)$  است.

حال برای به دست آوردن دامنه تابع  $g$  کافی است جدول تعیین علامتی را

$$\text{تشکیل دهیم. باید داشته باشیم } \frac{x-4}{f(3-x)} \geq 0$$



پس حداکثر مقدار  $a$  برای این که تابع  $f$  روی دامنه‌اش یعنی بازه  $(2, a)$  اکیداً صعودی باشد، برابر ۶ است.

(مسئله ۲- مثلثات: صفحه‌های ۲۹ تا ۳۴)

(علی شعرابی)

-۸۹

با توجه به اتحاد  $\tan(\alpha - \beta) = \frac{\tan \alpha - \tan \beta}{1 + \tan \alpha \tan \beta}$ ، عبارت داده شده برابر

است با:

$$A = \frac{1 + \tan 21^\circ \tan 15^\circ}{\tan 21^\circ - \tan 15^\circ} = \frac{1}{\tan(21^\circ - 15^\circ)} = \frac{1}{\tan 6^\circ}$$

$$= \frac{1}{\tan(18^\circ + 15^\circ)} = \frac{1}{\tan 33^\circ}$$

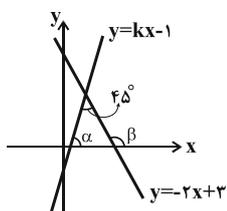
از آنجایی که  $\tan \alpha = \cot(90^\circ - \alpha)$  است، پس

$$A = \frac{1}{\tan 33^\circ} = \frac{1}{\cot 57^\circ} = \tan 57^\circ$$

(مسئله ۲- مثلثات: صفحه‌های ۴۲ و ۴۳)

(کاظم ایلالی)

-۹۰



$$\beta = \alpha + 45^\circ \Rightarrow \beta - \alpha = 45^\circ$$

از طرف دیگر  $\tan \alpha = k$  و  $\tan \beta = -2$  است، بنابراین:

$$\tan 45^\circ = \tan(\beta - \alpha) = \frac{\tan \beta - \tan \alpha}{1 + \tan \alpha \tan \beta}$$

$$\Rightarrow 1 = \frac{-2 - k}{1 - 2k} \Rightarrow 1 - 2k = -2 - k \Rightarrow k = 3$$

(مسئله ۲- مثلثات: صفحه‌های ۴۲ و ۴۳)

(کاظم ایلالی)

-۸۶

دوره تناوب تابع  $f$  برابر  $|a| = \frac{2\pi}{\frac{\pi}{a}}$  است. پس:

$$2|a| = 4 \Rightarrow |a| = 2$$

از طرفی مقدار ماکزیمم تابع  $f$  برابر  $2 + 3|a|$  است؛ بنابراین داریم:

$$f_{\max} = 2 + 3(2) = 8$$

(مسئله ۲- مثلثات: صفحه‌های ۲۳ تا ۲۹)

(امین قربانعلی پور)

-۸۷

$$f(x) = b \cos\left(\frac{\pi}{2} - ax\right) = b \sin ax$$

$$T = \frac{2\pi}{|a|} = 4\pi \Rightarrow |a| = \frac{1}{2} \Rightarrow a = \pm \frac{1}{2}$$

تابع دارای ماکزیمم مقدار ۱۲ می‌باشد.

$$f_{\max} = |b| = 12 \Rightarrow b = \pm 12$$

با توجه به نمودار چون در سمت راست  $x = 0$ ، نمودار کاهشی است، پس  $a$

و  $b$  هم‌علامت نیستند.

$$\Rightarrow \begin{cases} a = \frac{1}{2} \\ b = -12 \end{cases} \Rightarrow a + b = \frac{-23}{2} \quad \text{یا} \quad \begin{cases} a = -\frac{1}{2} \\ b = 12 \end{cases} \Rightarrow a + b = \frac{23}{2}$$

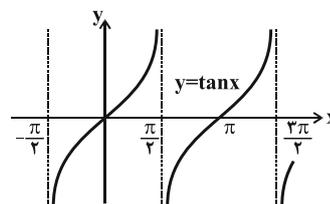
(مسئله ۲- مثلثات: صفحه‌های ۲۳ تا ۲۹)

(کاظم ایلالی)

-۸۸

برای رسم نمودار تابع  $f$  ابتدا نمودار تابع  $y = \tan x$  را رسم می‌کنیم.

سپس طول نقاط روی این نمودار را در  $\frac{4}{\pi}$  ضرب می‌کنیم.



(یاسین سپهر)

-۹۴

$$\lim_{x \rightarrow 3^-} \frac{[x^2]^{-9}}{x^2 - 9} = \frac{8-9}{9-9} = \frac{-1}{0^-} = +\infty$$

(مسابان ۲- فرهای نامتناهی - هر در بی نهایت: صفحه‌های ۴۶ تا ۵۰)

(سیرعادل حسینی)

-۹۵

$$\lim_{x \rightarrow (-1)^-} \frac{\cos\left(\frac{\pi}{2}x\right)}{1 + \sin\left(\frac{\pi}{2}x\right)} = \lim_{x \rightarrow (-1)^-} \frac{\cos\left(\frac{\pi}{2}x\right)}{1 + \sin\left(\frac{\pi}{2}x\right)} \times \frac{1 - \sin\left(\frac{\pi}{2}x\right)}{1 - \sin\left(\frac{\pi}{2}x\right)}$$

$$= \lim_{x \rightarrow (-1)^-} \frac{\cos\left(\frac{\pi}{2}x\right) \left(1 - \sin\left(\frac{\pi}{2}x\right)\right)}{\cos^2\left(\frac{\pi}{2}x\right)} = \lim_{x \rightarrow (-1)^-} \frac{1 - \sin\left(\frac{\pi}{2}x\right)}{\cos\left(\frac{\pi}{2}x\right)}$$

$$= \frac{2^-}{0^-} = -\infty$$

(مسابان ۲- فرهای نامتناهی - هر در بی نهایت: صفحه‌های ۴۶ تا ۵۰)

(عرفان صادقی)

-۹۶

توجه کنید که:

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} f \circ f(x) = \lim_{x \rightarrow +\infty} f(f(x))$$

بنابراین در ابتدا  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$  را محاسبه می‌کنیم:

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 2$$

هم‌چنین وقتی  $x \rightarrow +\infty$ ، مقادیر  $f(x)$  بیشتر از ۲ هستند. بنابراین داریم:

$$\lim_{x \rightarrow 2^+} f(x) = +\infty$$

$$\Rightarrow \lim_{x \rightarrow +\infty} f \circ f(x) = \lim_{x \rightarrow +\infty} f(f(x)) = \lim_{t \rightarrow 2^+} f(t) = +\infty$$

(مسابان ۲- فرهای نامتناهی - هر در بی نهایت: صفحه‌های ۴۶ تا ۵۰ و ۵۹ تا ۶۲)

(ظاهر دارستانی)

-۹۱

$$\sin^2 x = 1 - \cos^2 x \Rightarrow \sin^2 x = \sin^2 2x$$

$$\Rightarrow \sin^2 x = \pm \sin 2x = \sin(\pm x) \Rightarrow 2x = k\pi \pm x$$

$$\Rightarrow \begin{cases} x = \frac{k\pi}{4} \\ \text{یا} \\ x = \frac{k\pi}{2} \end{cases}$$

$$x \in [0, \pi] \rightarrow x = 0, \frac{\pi}{4}, \frac{\pi}{2}, \frac{3\pi}{4}, \pi$$

(مسابان ۲- مثلثات: صفحه‌های ۳۵ تا ۳۷)

(علی شهرایی)

-۹۲

$$\sin x \cos x - \frac{1}{1 + \tan^2 x} = \cos \frac{4\pi}{3}$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2} \sin 2x - \cos^2 x = -\frac{1}{2} \Rightarrow \sin 2x - 2\cos^2 x = -1$$

$$\Rightarrow \sin 2x = 2\cos^2 x - 1 \Rightarrow \sin 2x = \cos 2x$$

$$\Rightarrow \tan 2x = 1 \Rightarrow 2x = k\pi + \frac{\pi}{4} \Rightarrow x = \frac{k\pi}{2} + \frac{\pi}{8}$$

(مسابان ۲- مثلثات: صفحه‌های ۳۵ تا ۴۰)

(سیرمهورشا اسلامی)

-۹۳

$$\sin 2x = \cos 2x \Rightarrow \begin{cases} 2x = 2x + \frac{\pi}{2} + 2k\pi \Rightarrow x = -2k\pi - \frac{\pi}{2} \\ 2x + 2x = \frac{\pi}{2} + 2k\pi \Rightarrow x = \frac{2k\pi}{5} + \frac{\pi}{10} \end{cases}$$

اگر جواب‌ها را به ترتیب از کوچک به بزرگ بنویسیم، داریم:

$$x = \frac{\pi}{10}, \frac{5\pi}{10}, \frac{9\pi}{10}, \frac{13\pi}{10}, \frac{3\pi}{2}, \frac{17\pi}{10}, \dots$$

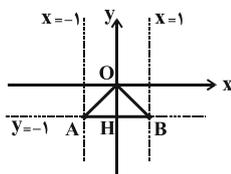
برای اینکه معادله در بازه  $[0, a]$ ،  $\delta$  جواب داشته باشد،  $a$  باید ششمینجواب معادله یعنی  $\frac{17\pi}{10}$  باشد.نکته: اگر رابطه  $\sin \alpha = \cos \beta$  برقرار باشد، داریم:

$$\alpha \pm \beta = \frac{\pi}{2} + 2k\pi$$

(مسابان ۲- مثلثات: صفحه‌های ۳۵ تا ۴۴)

$$\lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{1+x^2}{1-x^2} = \lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{x^2}{-x^2} = -1 \Rightarrow y = -1 \text{ : مجانب افقی}$$

حال خطوط مجانب را در دستگاه مختصات رسم می‌کنیم.



$$S_{\triangle OAB} = \frac{1}{2} |AB \times OH| = \frac{1}{2} |2 \times 1| = 1$$

(مسئله ۲ - مرهای نامتناهی - هر در بی‌نهایت: صفحه‌های ۵۵ تا ۵۸ و ۶۷ تا ۶۹)

(میلار سیاری لاریبانی)

-۱۰۰

صورت ریشه ندارد، بنابراین ریشه‌های منفرجه قطعاً مجانب‌های قائم نمودار

تابع هستند. از طرفی مجموع ضرایب عبارت منفرجه برابر صفر است، یعنی

$$x = \frac{1-a}{a} \text{ و } x = 1 \text{ ریشه‌های آن و در نتیجه مجانب‌های قائم نمودار تابع}$$

هستند.

$$\left| \frac{1-a}{a} - 1 \right| = 3 \Rightarrow \frac{1-2a}{a} = \pm 3 \Rightarrow a = \frac{1}{5} \text{ یا } -1$$

$$\Rightarrow \begin{cases} a = \frac{1}{5} : \lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{2x^2 + 3}{\frac{1}{5}x^2 - x + \frac{4}{5}} = 10 \Rightarrow y = 10 \text{ : مجانب افقی} \\ a = -1 : \lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{2x^2 + 3}{-x^2 - x + 2} = -2 \Rightarrow y = -2 \text{ : مجانب افقی} \end{cases}$$

(مسئله ۲ - مرهای نامتناهی - هر در بی‌نهایت: صفحه‌های ۵۵ تا ۵۸ و ۶۷ تا ۶۹)

(کلیف ابلالی)

-۹۷

ابتدا توجه کنید که اگر  $x \rightarrow -\infty$ ،  $\frac{1}{x} < 0$ ،  $-\frac{1}{x} > 0$  و

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{-1}{x} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{1}{x} = 0 \text{ است؛ بنابراین در بازه } (-\infty, -1) \text{،}$$

تساوی‌های  $\left[ \frac{1}{x} \right] = -1$  و  $\left[ -\frac{1}{x} \right] = 0$  برقرارند.

$$\Rightarrow \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{3x(x-1) + x^2 \left[ \frac{1}{x} \right]}{x^2 \left( 2 + \left[ -\frac{1}{x} \right] \right) + 1} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{3x(x-1) - x^2}{x^2(2+0) + 1}$$

$$= \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{2x^2 - 3x}{2x^2 + 1} = 1$$

(مسئله ۲ - مرهای نامتناهی - هر در بی‌نهایت: صفحه‌های ۵۹ تا ۶۲)

(ظاهر داستانی)

-۹۸

باید منفرجه کسر تابع ریشه مضاعف داشته باشد:

$$\Rightarrow \Delta = (2a)^2 - 4(-4a) = 0$$

$$\Rightarrow 4a^2 + 16a = 4a(a+4) = 0 \Rightarrow a = 0 \text{ یا } a = -4$$

هم‌چنین باید  $a+1 < 0$  باشد، بنابراین فقط به ازای  $a = -4$  نمودار در

اطراف مجانب قائم خود مانند شکل داده‌شده می‌شود.

(مسئله ۲ - مرهای نامتناهی - هر در بی‌نهایت: صفحه‌های ۵۵ تا ۵۸)

(کلیف سالار)

-۹۹

$$1 - x^2 = 0 \Rightarrow x^2 = 1 \Rightarrow x = 1 \text{ و } x = -1 \text{ : مجانب‌های قائم}$$

هندسه ۳

-۱۰۱

(اسحاق اسفندیار)

$$AB = A \xrightarrow{\times A} (AB)A = A^2 \Rightarrow A \underbrace{(BA)}_B = A^2$$

$$\Rightarrow AB = A^2 \Rightarrow A = A^2$$

اگر  $A^2 = A$  باشد، آنگاه  $A^n = A$  ( $n \geq 2$ ) است و در نتیجه داریم:

$$A + A^2 + A^3 + \dots + A^{1397} = A + A + A + \dots + A = 1397A$$

(هندسه ۳- ماتریس و کاربردها؛ صفحه‌های ۱۰ تا ۲۱)

-۱۰۲

(میلاد منصوری)

$$A = \begin{bmatrix} 2 & 3 \\ 1 & 1 \end{bmatrix} \Rightarrow |A| = 2 - 3 = -1$$

$$\Rightarrow A^{-1} = \frac{1}{-1} \begin{bmatrix} 1 & -3 \\ -1 & 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 & 3 \\ 1 & -2 \end{bmatrix}$$

بنابراین داریم:

$$AX = \begin{bmatrix} 2 \\ 3 \end{bmatrix} \Rightarrow X = A^{-1} \begin{bmatrix} 2 \\ 3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 & 3 \\ 1 & -2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 \\ 3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 7 \\ -4 \end{bmatrix}$$

$$AX' = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix} \Rightarrow X' = A^{-1} \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 & 3 \\ 1 & -2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 \\ -1 \end{bmatrix}$$

مجموع مجهولات دستگاه اول برابر  $3 = 7 + (-4)$  و مجموع مجهولات

دستگاه دوم برابر  $1 = (-1) + 2$  است، پس مجموع مجهولات دستگاه اول، ۳

برابر مجموع مجهولات دستگاه دوم است.

(هندسه ۳- ماتریس و کاربردها؛ صفحه‌های ۲۲ تا ۲۶)

-۱۰۳

(شهریار زمانی)

$$AB^{-1} + I = AB^{-1} + BB^{-1} = (A + B)B^{-1}$$

$$\Rightarrow |AB^{-1} + I| = |A + B| |B^{-1}| = 5 \times \frac{1}{2} = \frac{5}{2}$$

(هندسه ۳- ماتریس و کاربردها؛ صفحه‌های ۲۲، ۲۳، ۲۷ تا ۳۱)

-۱۰۴

(امیرحسین ابومصوب)

ماتریس قطری ماتریسی است که درایه‌های غیرواق بر قطر اصلی آن همگی برابر صفر هستند.

$$B \times A = \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 3 & b \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} 4 & a \\ 2 & -1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & a+2 \\ 12+2b & 3a-b \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} 12+2b=0 \Rightarrow b=-6 \\ a+2=0 \Rightarrow a=-2 \end{cases} \Rightarrow 3a-b=0$$

بنابراین تمامی درایه‌ها ماتریس  $B \times A$  برابر صفر است و در نتیجه مجموع درایه‌های این ماتریس نیز برابر صفر خواهد بود.

(هندسه ۳- ماتریس و کاربردها؛ مشابه تمرین ۶ صفحه ۲۱)

-۱۰۵

(یاسین سپهر)

رابطه  $x^2 + y^2 + ax + by + c = 0$  در صورتی معادله یک دایره است که  $a^2 + b^2 > 4c$  باشد. داریم:

$$x^2 + y^2 + 2x + 3y + k = 0 \Rightarrow 2^2 + 3^2 > 4k$$

$$\Rightarrow 4k < 13 \Rightarrow k < \frac{13}{4}$$

پس  $k$  می‌تواند یکی از اعداد طبیعی ۱، ۲ و ۳ باشد.

(هندسه ۳- آشنایی با مقاطع مخروطی؛ صفحه‌های ۴۰ تا ۴۶)

-۱۰۶

(رضا عباسی اصل)

با توجه به معادله دایره، مختصات مرکز دایره عبارت است از:

$$O\left(-\frac{a+1}{2}, \frac{b-1}{2}\right)$$

چون دایره در ربع دوم بر محورهای مختصات مماس است، پس مرکز دایره روی خط  $y = -x$  واقع است. در این صورت داریم:

$$\frac{b-1}{2} = -\left(-\frac{a+1}{2}\right) \Rightarrow b-1 = a+1 \Rightarrow a-b = -2$$

(هندسه ۳- آشنایی با مقاطع مخروطی؛ صفحه‌های ۴۰ تا ۴۶)

$$2b = 6 \Rightarrow b = 3$$

چون  $M$  نقطه‌ای روی بیضی است، پس  $MF + MF' = 2a$  و چون  $M$  روی دایره‌ای به قطر  $FF'$  قرار دارد، پس  $MF$  و  $MF'$  بر هم عمودند.

بنابراین:

$$MF^2 + MF'^2 = FF'^2 = 4c^2$$

حال داریم:

$$(MF + MF')^2 = MF^2 + MF'^2 + 2MF \times MF'$$

$$\Rightarrow MF \times MF' = \frac{1}{2} \left[ \underbrace{(MF + MF')^2}_{4a^2} - \underbrace{(MF^2 + MF'^2)}_{4c^2} \right]$$

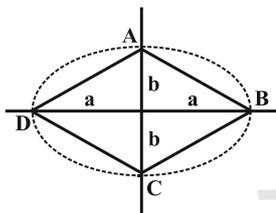
$$= 2(a^2 - c^2) = 2b^2 = 2 \times 9 = 18$$

(هنر سه ۳- آشنایی با مقاطع مخروطی: صفحه‌های ۳۰ تا ۳۶)

(رضا عباسی اصل)

-۱۱۰

$$e = \frac{c}{a} \Rightarrow \frac{4}{5} = \frac{c}{a} \Rightarrow \begin{cases} c = 4k \\ a = 5k \end{cases}$$



قطرهای چهارضلعی  $ABCD$  بر هم عمودند، پس داریم:

$$S_{ABCD} = \frac{1}{2} AC \cdot BD \Rightarrow 12 = \frac{1}{2} (2b)(2a) \Rightarrow ab = 6$$

$$\xrightarrow{a=5k} (5k)b = 6 \Rightarrow b = \frac{12}{k}$$

$$c^2 = a^2 - b^2 \Rightarrow (4k)^2 = (5k)^2 - \left(\frac{12}{k}\right)^2 \Rightarrow \left(\frac{12}{k}\right)^2 = (3k)^2$$

$$k > 0 \Rightarrow \frac{12}{k} = 3k \Rightarrow 3k^2 = 12$$

$$\Rightarrow k^2 = 4 \xrightarrow{k>0} k = 2 \Rightarrow c = 4k = 8$$

$$FF' = 2c = 2(8) = 16$$

(هنر سه ۳- آشنایی با مقاطع مخروطی: صفحه‌های ۳۷ تا ۵۰)

(سروش موئینی)

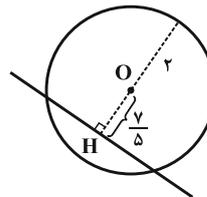
-۱۰۷

$$x^2 + y^2 = 4y \Rightarrow (x-0)^2 + (y-2)^2 = 4$$

$$\Rightarrow O(0,2), R=2$$

فاصله مرکز دایره از خط برابر است با:

$$\xrightarrow{3x+4y=1} OH = \frac{|3 \times 0 + 4 \times 2 - 1|}{\sqrt{3^2 + 4^2}} = \frac{7}{5} = 1.4$$



پس خط، دایره را قطع می‌کند و در نتیجه بیشترین فاصله برابر است با:

$$OH + R = 1.4 + 2 = 3.4$$

(هنر سه ۳- آشنایی با مقاطع مخروطی: صفحه‌های ۳۰ تا ۳۶)

(اسحاق اسفندیار)

-۱۰۸

خط بر دایره مماس است، پس فاصله مرکز دایره تا خط، برابر شعاع دایره است. شعاع دایره برابر با  $\sqrt{m}$  و مرکز آن نقطه  $(0,0)$  است. اگر فاصله مرکز دایره تا خط برابر  $d$  باشد، آنگاه:

$$d = R \Rightarrow \frac{|m|}{\sqrt{2}} = \sqrt{m} \Rightarrow \frac{m^2}{2} = m \Rightarrow m^2 - 2m = 0$$

$$\Rightarrow \begin{cases} m = 0 & \text{غ.ق.ق} \\ m = 2 \end{cases}$$

مرکز دایره  $x^2 + y^2 = 2$ ، نقطه  $O(0,0)$  و شعاع آن  $R = \sqrt{2}$  است و

مرکز دایره  $x^2 + y^2 - 2x = 0$ ، نقطه  $O'(1,0)$  و شعاع آن  $R' = 1$  است.

$$d = OO' = 1, R + R' = \sqrt{2} + 1, |R - R'| = \sqrt{2} - 1$$

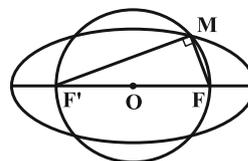
$$|R - R'| < d < R + R'$$

بنابراین دو دایره متقاطع‌اند.

(هنر سه ۳- آشنایی با مقاطع مخروطی: صفحه‌های ۳۰ تا ۳۶)

(مهدی قنارن)

-۱۰۹





(کتاب آبی هنرسه ۳- سؤال ۱۰۸)

-۱۱۳

$$\begin{vmatrix} 1 & x & x^3 \\ 1 & x^2 & x^2 \\ 1 & x^3 & x \end{vmatrix} = 0 \Rightarrow (x^3 - x^5) - x(x - x^2) + x^2(x^3 - x^2) = 0$$

$$\Rightarrow x^3 - x^5 - x^2 + x^3 + x^5 - x^4 = 0 \Rightarrow x^6 - 2x^5 + 2x^3 - x^2 = 0$$

$$\Rightarrow 2x^3(1 - x^2) + x^2(x^4 - 1) = 0$$

$$\Rightarrow -2x^3(x^2 - 1) + x^2(x^2 - 1)(x^2 + 1) = 0$$

$$\Rightarrow x^2(x^2 - 1)(-2x + x^2 + 1) = 0$$

$$\Rightarrow x^2(x^2 - 1)(x - 1)^2 = 0 \Rightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = \pm 1 \end{cases}$$

پس این معادله سه ریشه متمایز دارد.

(هنرسه ۳- ماتریس و کاربردها: صفحه‌های ۲۷ تا ۳۱)

(کتاب آبی هنرسه ۳- سؤال ۱۰۶)

-۱۱۴

با توجه به ماتریس  $A^3$  داریم:

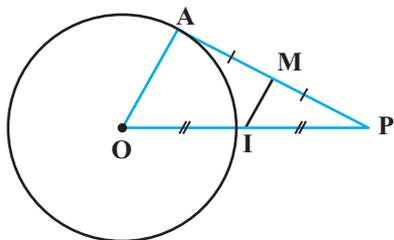
$$|A^3| = (\lambda)(\lambda) - (0)a = \lambda^2 = |A|^3 = \lambda \Rightarrow |A| = 2$$

$$\Rightarrow ||A|A^2| = |A|^2|A^2| = |A|^2|A|^2 = |A|^4 = 16$$

(هنرسه ۳- ماتریس و کاربردها: صفحه‌های ۲۷ تا ۳۱)

(کتاب آبی هنرسه ۳- سؤال ۱۵۶)

-۱۱۵



اگر از نقطه  $P$  به نقطه متغیر  $A$  روی دایره و نیز به مرکز دایره که نقطه‌ای ثابت است، وصل کنیم و وسط پاره‌خط‌های  $PA$  و  $PO$  را به ترتیب  $M$  و  $I$

بنامیم، آنگاه بنا به عکس قضیه تالس داریم:

هندسه ۳ (آزمون گواه)

-۱۱۱

(سراسری ریاضی - ۸۴)

روش اول:

$$A = \begin{bmatrix} -2 & 1 \\ 5 & 4 \end{bmatrix} \Rightarrow A^2 = \begin{bmatrix} -2 & 1 \\ 5 & 4 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} -2 & 1 \\ 5 & 4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 9 & 2 \\ 10 & 21 \end{bmatrix}$$

$$A^2 = \alpha A + \beta I \Rightarrow \begin{bmatrix} 9 & 2 \\ 10 & 21 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -2\alpha & \alpha \\ 5\alpha & 4\alpha \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} \beta & 0 \\ 0 & \beta \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow \begin{bmatrix} 9 & 2 \\ 10 & 21 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -2\alpha + \beta & \alpha \\ 5\alpha & 4\alpha + \beta \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} \alpha = 2 \\ -2\alpha + \beta = 9 \Rightarrow -4 + \beta = 9 \Rightarrow \beta = 13 \end{cases}$$

روش دوم:

در هر ماتریس  $2 \times 2$  مانند  $A = \begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix}$  همواره داریم:

$$A^2 - (a+d)A + (ad-bc)I = \bar{O}$$

با توجه به رابطه  $A^2 - \alpha A - \beta I = \bar{O}$  داریم:

$$\begin{cases} a+d = \alpha \Rightarrow \alpha = -2+4 = 2 \\ ad-bc = -\beta \Rightarrow \beta = bc-ad = 1 \times 5 - (-2) \times 4 = 13 \end{cases}$$

(هنرسه ۳- ماتریس و کاربردها: صفحه‌های ۱۰ تا ۲۱)

(کتاب آبی هنرسه ۳- سؤال ۶۴)

-۱۱۲

راه حل اول:

$$A^2 = 4A - 3I \Rightarrow A^2 - 4A = -3I \Rightarrow A(A - 4I) = -3I$$

$$\Rightarrow -\frac{1}{3}A(A - 4I) = I \Rightarrow A^{-1} = -\frac{1}{3}(A - 4I)$$

$$\Rightarrow -\frac{1}{3}A + \frac{4}{3}I = mA + nI \Rightarrow \begin{cases} m = -\frac{1}{3} \\ n = \frac{4}{3} \end{cases}$$

$$\Rightarrow m + n = -\frac{1}{3} + \frac{4}{3} = 1$$

راه حل دوم:

$$A^{-1} = mA + nI \xrightarrow{\times A} A^{-1}A = mA^2 + nIA$$

$$\Rightarrow I = mA^2 + nA \quad (1)$$

$$A^2 = 4A - 3I \Rightarrow 3I = 4A - A^2 \Rightarrow I = -\frac{1}{3}A^2 + \frac{4}{3}A \quad (2)$$

$$(1), (2) \Rightarrow m = -\frac{1}{3} \text{ و } n = \frac{4}{3} \Rightarrow m + n = -\frac{1}{3} + \frac{4}{3} = 1$$

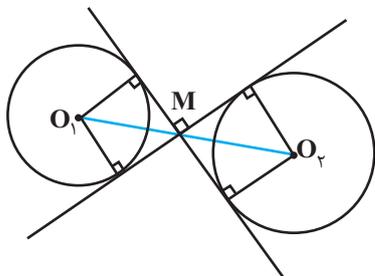
(هنرسه ۳- ماتریس و کاربردها: صفحه‌های ۱۰ تا ۲۳)

$$O_1(1,1), R_1 = \frac{1}{\sqrt{2}} \sqrt{(-2)^2 + (-2)^2 - 4(2-a^2)} = |a|$$

$$C_2: (x-6)^2 + (y-6)^2 = 9$$

$$O_2(6,6), R_2 = 3$$

$$O_1O_2 = \sqrt{(6-1)^2 + (6-1)^2} = \sqrt{50} = 5\sqrt{2}$$



مطابق شکل هر کدام از دو چهار ضلعی ایجاد شده، یک مربع است و در

نتیجه طول قطر آن،  $\sqrt{2}$  برابر طول ضلع آن است. داریم:

$$\left. \begin{aligned} O_1M &= \sqrt{2}R_1 \\ O_2M &= \sqrt{2}R_2 \end{aligned} \right\} \Rightarrow O_1M + O_2M = \sqrt{2}(R_1 + R_2)$$

$$\Rightarrow |O_1O_2| = \sqrt{2}(R_1 + R_2) \Rightarrow 5\sqrt{2} = \sqrt{2}(|a| + 3)$$

$$\Rightarrow |a| + 3 = 5 \Rightarrow |a| = 2 \xrightarrow{a>0} a = 2$$

(هنرسه ۳- آشنایی با مقاطع مخروطی؛ صفحه‌های ۳۰ تا ۳۶)

(کتاب آبی هنرسه ۳- سؤال ۳۰۵)

-۱۱۹

$$\frac{S_{\triangle OAB}}{S_{\triangle FBF'}} = 3 \Rightarrow \frac{\frac{1}{2}OA \times OB}{\frac{1}{2}FF' \times OB} = 3 \Rightarrow \frac{OA}{FF'} = 3 \Rightarrow \frac{a}{2c} = 3$$

$$\Rightarrow \frac{a}{c} = 6 \Rightarrow e = \frac{c}{a} = \frac{1}{6}$$

(هنرسه ۳- آشنایی با مقاطع مخروطی؛ صفحه‌های ۳۷ تا ۵۰)

(کتاب آبی هنرسه ۳- سؤال ۳۱۴)

-۱۲۰

با توجه به این که قطر دایره، قطر بزرگ بیضی است، می‌توان نوشت:

$$OM = R = \frac{AA'}{2} = a$$

$$\triangle OFM: OM^2 = MF^2 + OF^2 \Rightarrow a^2 = MF^2 + c^2$$

$$\Rightarrow MF^2 = a^2 - c^2 = b^2 \Rightarrow MF = b$$

طول پاره خط MF برابر نصف قطر کوچک بیضی، یعنی برابر ۲ است.

(هنرسه ۳- آشنایی با مقاطع مخروطی؛ صفحه‌های ۳۷ تا ۵۰)

$$\frac{PM}{MA} = \frac{PI}{IO} = 1 \Rightarrow MI \parallel AO$$

در این صورت طبق تعمیم قضیه تالس داریم:

$$\frac{MI}{AO} = \frac{PM}{PA} = \frac{1}{2} \Rightarrow MI = \frac{OA}{2} = \frac{R}{2}$$

از طرفی چون پاره خط PO ثابت است، پس وسط آن یعنی نقطه I نیز

نقطه‌ای ثابت است و در نتیجه مکان هندسی مورد نظر، دایره‌ای به مرکز I و

به شعاع  $\frac{R}{2}$  است.

(هنرسه ۳- آشنایی با مقاطع مخروطی؛ صفحه‌های ۳۶ تا ۳۹)

-۱۱۶

(سراسری تفریحی خارج از کشور - ۹۰)

با توجه به این که معادله یک قطر دایره به صورت  $y = x - 2$  است، پس

مختصات مرکز دایره را می‌توان  $O(x, x-2)$  در نظر گرفت. با

فرض  $A(0,1)$  و  $B(3,0)$  داریم:

$$OA = OB$$

$$\Rightarrow \sqrt{(0-x)^2 + (1-x+2)^2} = \sqrt{(3-x)^2 + (0-x+2)^2}$$

$$\xrightarrow{\text{توان}} (-x)^2 + (3-x)^2 = (3-x)^2 + (2-x)^2$$

$$\Rightarrow x^2 = (2-x)^2 \Rightarrow x^2 = 4 - 4x + x^2 \Rightarrow 4x = 4 \Rightarrow x = 1$$

$$R = |OA| = \sqrt{(-1)^2 + (3-1)^2} = \sqrt{5}$$

(هنرسه ۳- آشنایی با مقاطع مخروطی؛ صفحه‌های ۳۰ تا ۳۶)

-۱۱۷

(سراسری ریاضی - ۹۶)

خط مماس بر دایره در نقطه تماس، بر شعاع گذرنده از نقطه تماس عمود

است. بنابراین خط  $3x + 2y = a$ ، در راستای یکی از شعاع‌های دایره (خط

قائم بر دایره) است و در نتیجه از مرکز دایره عبور می‌کند. داریم:

$$\text{مرکز دایره } O(1, -\frac{1}{2}) \Rightarrow 3(1) + 2(-\frac{1}{2}) = a \Rightarrow a = 2$$

(هنرسه ۳- آشنایی با مقاطع مخروطی؛ صفحه‌های ۳۰ تا ۳۶)

(کتاب آبی هنرسه ۳- سؤال ۲۶۶)

-۱۱۸

$$C_1: x^2 + y^2 - 2x - 2y + 2 - a^2 = 0$$



## ریاضیات گسسته

-۱۲۱

(علیرضا شریف فطینی)

کافی است به جای  $n$ ، عدد ۱۳ را قرار دهیم. در این صورت داریم:

$$n^2 + 3n + 13 = 13^2 + 3 \times 13 + 13 = 13(13 + 3 + 1) = 13 \times 17$$

یعنی عدد مورد نظر، عددی مرکب است و درستی حکم رد می شود.

(ریاضیات گسسته - آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه های ۲ تا ۸)

-۱۲۲

(علی ایمانی)

اگر  $a$  مقسوم و  $q$  خارج قسمت این تقسیم باشند، آنگاه داریم:

$$a = 23q + 17$$

اگر  $x$  واحد به مقسوم اضافه کنیم و مقسوم علیه ثابت باشد، آنگاه برایآن که خارج قسمت تغییر نکند، لزوماً  $x$  واحد نیز به باقی مانده اضافه

می شود. داریم:

$$a + x = 23q + (17 + x)$$

اگر  $b$  مقسوم علیه و  $r$  باقی مانده این تقسیم باشند، داریم:

$$r < b \Rightarrow 17 + x < 23 \Rightarrow x < 6 \Rightarrow \max(x) = 5$$

(ریاضیات گسسته - آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه های ۱۳ تا ۱۷)

-۱۲۳

(سیرمصطفی سیرمصینی)

$$\left. \begin{array}{l} 5 \mid n+3 \xrightarrow{\times n^2} 5 \mid n^3 + 3n^2 \\ 5 \mid n^3 + 2n \end{array} \right\} \xrightarrow{\text{تفاضل}} 5 \mid 3n^2 - 2n$$

$$\left. \begin{array}{l} 5 \mid n+3 \xrightarrow{\times 3n} 5 \mid 3n^2 + 9n \\ 5 \mid 3n^2 - 2n \end{array} \right\} \xrightarrow{\text{تفاضل}} 5 \mid 11n$$

$$\left. \begin{array}{l} 5 \mid n+3 \xrightarrow{\times 11} 5 \mid 11n + 33 \\ 5 \mid 11n \end{array} \right\} \xrightarrow{\text{تفاضل}} 5 \mid 33$$

رابطه اخیر امکان پذیر نیست، بنابراین چنین مقداری برای  $n$  وجود ندارد.

(ریاضیات گسسته - آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه های ۹ تا ۱۲)

-۱۲۴

(عباس رحیمی)

اگر  $d = (11n + 9, 5n + 4)$  باشد، آنگاه داریم:

$$\left. \begin{array}{l} d \mid 11n + 9 \xrightarrow{\times 5} d \mid 55n + 45 \\ d \mid 5n + 4 \xrightarrow{\times 11} d \mid 55n + 44 \end{array} \right\} \xrightarrow{\text{تفاضل}} d \mid 1 \Rightarrow d = 1$$

بنابراین به ازای هر مقدار طبیعی  $n$ ، دو عدد  $11n + 9$  و  $5n + 4$  نسبت به

هم اول هستند، یعنی به ازای تمامی ۹۰۰ عدد طبیعی سه رقمی، این دو عدد

نسبت به هم اول اند.

(ریاضیات گسسته - آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه های ۹ تا ۱۴)

-۱۲۵

(سروش موئینی)

عدد  $A$  را به صورت  $3^1 \times 2^1 \times 3^{100} \times 2^{50}$  می نویسیم. داریم:

$$A = 2^{50} \times 3^{100} \times 6 = (2 \times 3^2)^{50} \times 6 = 18^{50} \times 6$$

پس باقی مانده تقسیم عدد  $A$  بر عدد ۱۷ برابر است با:

$$A \equiv 17^{50} \times 6 \equiv 6$$

(ریاضیات گسسته - آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه های ۱۸ تا ۲۲)

-۱۲۶

(مرتضی فهیم علوی)

$$\frac{11}{a125} \equiv \frac{11}{7a125} \Rightarrow 0 - 5 + 2 - 1 + a \equiv 5 - 2 + 1 - a + 7$$

$$\Rightarrow 2a \equiv 15 \equiv 4 \pmod{(2,11)=1} \Rightarrow a \equiv 2 \Rightarrow a = 2$$

با جای گذاری  $a = 2$  در عدد  $a923a$  داریم:

$$29232 \equiv 2 + 9 + 2 + 3 + 2 \equiv 18 \equiv 0$$

(ریاضیات گسسته - آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه های ۲۲ و ۲۳)

-۱۲۷

(بوار عاتمی)

$$72x \equiv 21 \Rightarrow 4x \equiv 44 \pmod{(4,72)=4} \Rightarrow x \equiv 11$$

پس باقی مانده تقسیم  $x$  بر ۲۳، برابر ۱۱ می باشد. بنابراین داریم:

$$x = 23k + 11 \xrightarrow{\text{کوچک ترین عدد سه رقمی}} \xrightarrow{k=4} x = 103$$

(ریاضیات گسسته - آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه های ۲۴ و ۲۵)

## ریاضیات گسسته (آزمون گواه)

۱۳۱- (کتاب آبی گسسته - سؤال ۷۵۰)

$$a^2c^2 + a^2d^2 + b^2c^2 + b^2d^2 \geq a^2c^2 + b^2d^2 + 2acbd$$

$$\Leftrightarrow a^2d^2 - 2acbd + b^2c^2 \geq 0 \Leftrightarrow (ad - bc)^2 \geq 0$$

(ریاضیات گسسته - آشنایی با نظریه اعداد: صفحه‌های ۶ تا ۸)

۱۳۲- (کتاب آبی گسسته - سؤال ۷۶۵)

می‌دانیم  $30!$  بر تمام اعداد طبیعی کوچکتر یا مساوی  $30$  بخش پذیر است، پس بر تمام اعداد طبیعی یک رقمی نیز بخش پذیر است. از طرفی عدد  $2 \times 3^2 = 18$  بر اعداد یک رقمی  $9, 6, 3, 2, 1$  بخش پذیر است، پس  $30! + 18$  بر  $54$  عدد طبیعی یک رقمی بخش پذیر است.

(ریاضیات گسسته - آشنایی با نظریه اعداد: صفحه‌های ۹ تا ۱۲)

۱۳۳- (کتاب آبی گسسته - سؤال ۸۰۱)

فرض کنید  $d = (a^2 + a + 3, a - 1)$  باشد، در این صورت داریم:

$$\left. \begin{array}{l} d \mid a - 1 \xrightarrow{xa} d \mid a^2 - a \\ d \mid a^2 + a + 3 \rightarrow d \mid a^2 + a + 3 \end{array} \right\} \text{تفاضل} \rightarrow d \mid 2a + 3$$

از طرفی  $d \mid a - 1$  پس  $d \mid 2a - 2$  و در نتیجه داریم:

$$\left\{ \begin{array}{l} d \mid 2a + 3 \\ d \mid 2a - 2 \end{array} \right. \xrightarrow{\text{تفاضل}} d \mid 5 \Rightarrow d = 1 \text{ یا } d = 5$$

چون در صورت مسئله ذکر شده است که دو عدد نسبت به هم اول‌اند،

پس  $d \neq 5$ ، یعنی  $5 \mid a - 1$ ، در نتیجه  $a - 1 = 5k$  و  $a = 5k + 1$ .

(ریاضیات گسسته - آشنایی با نظریه اعداد: صفحه‌های ۹ تا ۱۴)

۱۳۴- (سراسری ریاضی - ۹۲)

بر طبق الگوریتم تقسیم (۱)  $b > 37$  و  $a = 21b + 37$  است.

$$1000 \leq 21b + 37 \leq 999 \Rightarrow 3 \leq b \leq 45 \quad (2)$$

$$(1), (2) \Rightarrow 38 \leq b \leq 45$$

$$21 = 5k_1 + 1, \quad 37 = 5k_2 + 2 \Rightarrow a = (5k_1 + 1)b + 5k_2 + 2$$

$$\Rightarrow a = 5k' + b + 2$$

در نتیجه برای این که  $a$  مضرب  $5$  باشد، لزوماً  $b + 2$  باید مضرب  $5$

باشد، یعنی  $b = 5k - 2$  است و داریم:

$$38 \leq 5k - 2 \leq 45 \Rightarrow 40 \leq 5k \leq 47 \Rightarrow 8 \leq k \leq 9$$

بنابراین فقط دو جواب مضرب  $5$  برای  $a$  وجود دارد.

(ریاضیات گسسته - آشنایی با نظریه اعداد: صفحه‌های ۱۴ تا ۱۷)

۱۲۸-

(سیرومیر زوالفقاری)

مجموع درجات رئوس یک گراف، دو برابر اندازه آن گراف است. اگر مجموع درجات رئوس گراف را به صورت مجموع درجات رئوس زوج و مجموع درجات رئوس فرد بنویسیم، آنگاه داریم:

$$48 = 32 + x \Rightarrow x = 16$$

در نتیجه تنها حالت ممکن آن است که گراف  $16$  رأس درجه یک داشته باشد. (عدد  $16$  به هیچ عدد فرد دیگری بخش پذیر نیست.)

(ریاضیات گسسته - گراف و مدل سازی: صفحه‌های ۳۵ تا ۴۰)

۱۲۹-

(امیرمسین ابومصوب)

کمترین اندازه گراف مربوط به حالتی است که گراف فقط یک رأس از درجه  $\Delta = 5$  داشته و سایر رأس‌ها از درجه  $\delta = 2$  باشند، اما چون تعداد رئوس فرد گراف، باید عددی زوج باشد، چنین گرافی لزوماً یک رأس از درجه  $5$ ، یک رأس از درجه  $3$  و  $16$  رأس از درجه  $2$  دارد. داریم:

$$2q_{\min} = 5 + 3 + 16 \times 2 = 40 \Rightarrow q_{\min} = 20$$

بیشترین اندازه گراف مربوط به حالتی است که گراف فقط یک رأس از درجه  $\delta = 2$  داشته و سایر رأس‌ها از درجه  $\Delta = 5$  باشند که مانند حالت قبل چون تعداد رئوس فرد گراف باید عددی زوج باشد، چنین گرافی لزوماً یک رأس از درجه  $2$ ، یک رأس از درجه  $4$  و  $16$  رأس از درجه  $5$  دارد. داریم:

$$2q_{\max} = 16 \times 5 + 4 + 2 = 86 \Rightarrow q_{\max} = 43$$

یعنی  $20 \leq q \leq 43$  است، پس اندازه گراف،  $24$  مقدار متمایز می‌تواند داشته باشد.

(ریاضیات گسسته - گراف و مدل سازی: صفحه‌های ۳۵ تا ۴۰)

۱۳۰-

(کیوان درایی)

بین هر دو رأس متمایز یک گراف  $2$ -منتظم همبند از مرتبه  $n$  (گراف  $C_n$ ) دقیقاً دو مسیر وجود دارد.

$$2 \binom{n}{2} = 2 \frac{n(n-1)}{2} = n^2 - n$$

از طرفی گراف  $C_n$  دارای  $n$  مسیر به طول صفر است (از هر رأس به خودش، مسیری به طول صفر وجود دارد)، بنابراین داریم:

$$\text{تعداد کل مسیرها} = (n^2 - n) + n = n^2$$

(ریاضیات گسسته - گراف و مدل سازی: صفحه ۳۸)

۱۳۸- (کتاب آبی کسسته - سؤال ۱۰۵۶)

با توجه به مفهوم مجموعه همسایه‌های یک رأس، این گراف لزوماً دارای یال‌های  $ab, ac, ad, ae, bc, bd, bf$  است و قطعاً یال‌های  $af$  و  $be$  را ندارد. بنابراین حداقل تعداد یال‌های این گراف برابر ۷ است و حداکثر تعداد یال‌های آن، برابر ۱۳ است (در صورتی که تمامی یال‌های  $cd, ce, cf, de, df$  و  $ef$  در گراف موجود باشند).

(ریاضیات گسسته- گراف و مدل‌سازی؛ صفحه‌های ۳۵ و ۳۶)

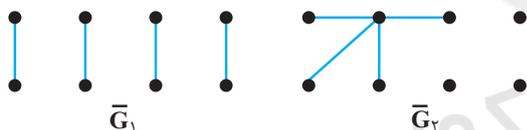
۱۳۹- (کتاب آبی کسسته - سؤال ۱۱۴۱)

ابتدا تعداد یال‌های گراف  $\bar{G}$  را به دست می‌آوریم. داریم:

$$q(G) + q(\bar{G}) = \frac{p(p-1)}{2} \Rightarrow 24 + q(\bar{G}) = \frac{8 \times 7}{2} = 28$$

$$\Rightarrow q(\bar{G}) = 4$$

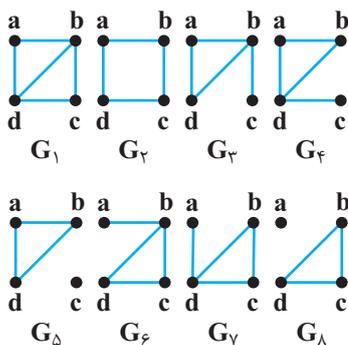
بنابراین گرافی از مرتبه ۸ و اندازه ۴ است. حداقل و حداکثر مقدار  $\Delta$  در چنین گرافی به ترتیب برابر ۱ و ۴ است که متناظر با گراف‌های  $\bar{G}_1$  و  $\bar{G}_2$  در شکل زیر می‌باشد:



(ریاضیات گسسته- گراف و مدل‌سازی؛ صفحه‌های ۳۶ تا ۴۰)

۱۴۰- (کتاب آبی کسسته - سؤال ۱۲۰۶)

زیرگراف‌های مورد نظر در شکل زیر رسم شده‌اند:



(ریاضیات گسسته- گراف و مدل‌سازی؛ صفحه‌های ۳۷ و ۳۸)

۱۳۵- (سراسری ریاضی - ۸۷)

$$9a \equiv 6b \xrightarrow{+3} 3a \equiv 2b \pmod{3} \quad \text{گزینه «۴»}$$

گزینه «۲»:

$$3a \equiv 2b \xrightarrow{-3} a \equiv 2b \pmod{3} \quad \text{گزینه «۱»}$$

$$3a \equiv 2b \xrightarrow{-2} a \equiv 0 \pmod{3} \quad \text{گزینه «۳»}$$

(ریاضیات گسسته- آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۱۸ تا ۲۲)

۱۳۶- (کتاب آبی کسسته - سؤال ۹۵۰)

ابتدا باید ببینیم اول خرداد چه روزی از هفته است. داریم:

$$d = 27 + 31 + 1 = 59$$

$\downarrow$                        $\downarrow$                        $\downarrow$   
 فروردین                      اردیبهشت                      خرداد

اگر جمعه را در جدول متناظر با صفر در نظر بگیریم، داریم:

شنبه	یکشنبه	دوشنبه	سه‌شنبه	چهارشنبه	پنجشنبه	جمعه
۶	۵	۴	۳	۲	۱	۰

$$59 \equiv 3 \pmod{7}$$

متوجه می‌شویم که اول خرداد دوشنبه است، پس اولین یکشنبه، هفتم خرداد و در نتیجه سومین یکشنبه خرداد،  $21 = 7 + 7 \times 2$  خواهد بود.

(ریاضیات گسسته- آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه ۲۴)

۱۳۷- (سراسری ریاضی - ۸۹)

$$57x - 87y = 342 \xrightarrow{+3} 19x - 29y = 114$$

$$\Rightarrow 19x = 29y + 114 \Rightarrow 19x \equiv 114 \pmod{29} \Rightarrow x \equiv 6 \pmod{1}$$

$$x = 29k + 6 \geq 100 \Rightarrow k \geq 4 \Rightarrow x_{\min} = 122$$

$$\Rightarrow \text{مجموع ارقام} = 1 + 2 + 2 = 5$$

(ریاضیات گسسته- آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۲۴ تا ۳۰)



## فیزیک ۳

-۱۴۱

(سیدعلی میرنوری)

برای پیدا کردن  $v_{av}$  داریم:

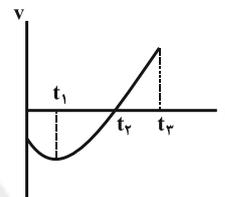
$$v_{av} = \frac{\Delta x_1 + \Delta x_2}{\Delta t_1 + \Delta t_2} = \frac{v_{av_1} \Delta t_1 + v_{av_2} \Delta t_2}{\Delta t_1 + \Delta t_2}$$

$$\Rightarrow v_{av} = \frac{5 \times 2 + 10 \times 3}{2 + 3} \Rightarrow v_{av} = \frac{m}{s}$$

(فیزیک ۳- حرکت بر خط راست: صفحه‌های ۲ تا ۶)

-۱۴۲

(زهره آقاممدری)



در بازه صفر تا  $t_2$  متحرک در خلاف جهت محور  $x$  حرکت می‌کند. چون سرعت در این بازه منفی است.

با توجه به این که در این بازه سرعت تغییر علامت نمی‌دهد و متحرک روی خط راست حرکت می‌کند. پس اندازه جابه‌جایی و مسافت طی شده طی این بازه برابر است.

شیب خط واصل دو نقطه در نمودار سرعت - زمان برابر با شتاب متوسط است. از لحظه صفر تا  $t_2$  شیب خط واصل مثبت است. پس شتاب متوسط مثبت است.

از صفر تا  $t_1$  چون شیب خط مماس بر نمودار منفی است. شتاب منفی و از  $t_1$  تا  $t_2$  شیب خط مماس بر نمودار مثبت است. پس شتاب مثبت است. (در لحظه  $t_1$  جهت شتاب عوض شده است) پس گزینه «۴» نادرست است.

(فیزیک ۳- حرکت بر خط راست: صفحه‌های ۱۰ تا ۱۳)

-۱۴۳

(میثم دشتیان)

در حرکت با شتاب ثابت در مسیری مستقیم. داریم:

$$v_{av} = \frac{v_1 + v_2}{2} \Rightarrow \frac{x_2 - x_1}{t_2 - t_1} = \frac{v_1 + v_2}{2} \Rightarrow \frac{22 - (-18)}{4} = \frac{v_1 + 16}{2}$$

$$\Rightarrow v_1 = 4 \frac{m}{s}$$

حال با استفاده از معادله سرعت - زمان در حرکت با شتاب ثابت، داریم:

$$v - v_0 = at \Rightarrow \frac{v_2 - v_1}{v_2 - v_0} = \frac{t_2 - t_1}{t_2 - t_0} \Rightarrow \frac{16 - 4}{16 - v_0} = \frac{4}{6} \Rightarrow v_0 = -2 \frac{m}{s}$$

(فیزیک ۳- حرکت بر خط راست: صفحه‌های ۱۵ تا ۲۱)

-۱۴۴

(سعید ظاهری بروهنی)

نمودار مکان - زمان در حرکت با شتاب ثابت در مسیری مستقیم به صورت یک سهمی است. با توجه به تقارن سهمی و نمودار مکان - زمان. اندازه سرعت متحرک در لحظه  $t = 4s$  با اندازه سرعت اولیه متحرک برابر است و در لحظه  $t = 2s$  چون خط مماس بر نمودار مکان - زمان افقی است. پس سرعت متحرک در این لحظه برابر با صفر است. برای بازه زمانی صفر تا  $2s$  داریم:

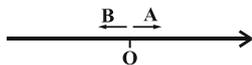
$$v_{av} = \frac{v + v_0}{2} \Rightarrow \frac{x - x_0}{t} = \frac{v + v_0}{2} \Rightarrow \frac{0 - 8}{2} = \frac{0 + v_0}{2}$$

$$\Rightarrow v_0 = -8 \frac{m}{s} \Rightarrow v_f = |v_0| = 8 \frac{m}{s}$$

(فیزیک ۳- حرکت بر خط راست: صفحه‌های ۷ تا ۲۱)

-۱۴۵

(سعید شرق)



معادله حرکت هر متحرک را می‌نویسیم:

$$x_A = v_A t + x_{0A} \Rightarrow x_A = 2 \cdot t$$

$$x_B = \frac{1}{2} a_B t^2 + v_{0B} t + x_{0B} \Rightarrow x_B = \frac{5}{2} t^2 - 2 \cdot t$$

فاصله دو متحرک در هر لحظه برابر است با:

$$\Delta x = x_A - x_B \Rightarrow \Delta x = 2 \cdot t - \left( \frac{5}{2} t^2 - 2 \cdot t \right)$$

$$\Rightarrow \Delta x = -\frac{5}{2} t^2 + 4 \cdot t$$

عبارت فوق به صورت یک تابع درجه دوم است که برای محاسبه بیشینه آن، داریم:

$$t = -\frac{b}{2a} = \frac{-4 \cdot 0}{2 \times \left( \frac{-5}{2} \right)} \Rightarrow t = 8s$$

$$\Delta x_{max} = -\frac{5}{2} (8)^2 + 4 \cdot 0 \times 8 \Rightarrow \Delta x_{max} = 160m$$

(فیزیک ۳- حرکت بر خط راست: صفحه‌های ۲ تا ۲۱)

-۱۴۶

(سیدعلی میرنوری)

چون نمودار  $x-t$  متحرک به صورت یک سهمی است. حرکت آن با شتاب ثابت است و چون دهانه سهمی به طرف پایین است. شتاب منفی است و از آنجایی که در  $t=0$ ، شیب خط مماس بر منحنی  $x-t$  مثبت است. سرعت اولیه مثبت است. یعنی  $v_0 > 0$ ،  $a < 0$  و  $v_f < 0$ .

در بین گزینه‌ها. فقط گزینه «۲» دارای این شرایط است.

(فیزیک ۳- حرکت بر خط راست: صفحه‌های ۶ تا ۲۱)

مطابق با نمودار، در لحظه  $t = ۵s$ ، سرعت دو متحرک یکسان است. از آنجایی که مساحت بین نمودار سرعت - زمان و محور زمان برابر با مقدار جابه‌جایی است، جابه‌جایی متحرک (۱) برابر با مساحت ذوزنقه بزرگ و جابه‌جایی متحرک (۲) برابر با مساحت ذوزنقه کوچک است در نتیجه مساحت بخش هاشورزده برابر با اختلاف جابه‌جایی دو متحرک است:

$$S_{\text{هاشورزده}} = \Delta x_1 - \Delta x_2$$

چون دو متحرک از یک نقطه شروع به حرکت می‌کنند، داریم:

$$\frac{x_1 = x_2}{x_1 - x_2} \rightarrow S_{\text{هاشورزده}} = x_1 - x_2$$

در نتیجه مساحت بخش هاشورزده برابر با فاصله دو متحرک، در لحظه‌ای که سرعت آن‌ها یکسان است، می‌باشد.

$$S_{\text{هاشورزده}} = \frac{(۶-۲) \times ۵}{۲} = ۱۰m$$

(فیزیک ۳- حرکت بر خط راست: صفحه‌های ۶ تا ۱۵)

(سیدعلی میرنوری)

۱۴۹-

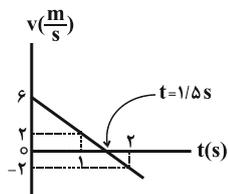
با توجه به معادله حرکت درمی‌یابیم که:

$$\begin{cases} x = -۲t^2 + ۶t + ۳ \\ x = \frac{۱}{۲}at^2 + v_0t + x_0 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} \frac{۱}{۲}a = -۲ \Rightarrow a = -۴ \frac{m}{s^2} \\ v_0 = ۶ \frac{m}{s} \\ x_0 = ۳m \end{cases}$$

حال نمودار سرعت - زمان متحرک را رسم می‌کنیم.

$$v = at + v_0 \Rightarrow v = -۴t + ۶$$

$$\Rightarrow 0 = -۴t + 6 \Rightarrow t = 1.5s$$



برای تعیین تندی متوسط در ثانیه دوم حرکت، مسافت پیموده شده توسط متحرک را می‌یابیم، داریم:

$$l = \frac{۲ \times 0}{۲} + \frac{۲ \times 0}{۲} = ۱m$$

در نتیجه با استفاده از تعریف تندی متوسط داریم:

$$s_{av} = \frac{l}{\Delta t} = \frac{۱}{۱} = ۱ \frac{m}{s}$$

(فیزیک ۳- حرکت بر خط راست: صفحه‌های ۲ تا ۲۱)

(بیبا غورشیر)

۱۴۷-

روش اول:

در ابتدا متحرک از مکان  $x_0 = -۲۳m$  تا  $x_1 = ۳۷m$  را با سرعت ثابت  $۱۲ \frac{m}{s}$  طی می‌کند. مدت زمان این حرکت برابر است با:

$$\Delta x_1 = v \Delta t_1 \Rightarrow ۳۷ - (-۲۳) = ۱۲(t_1 - 0) \Rightarrow t_1 = ۵s$$

از لحظه  $t_1 = ۵s$  به بعد، حرکت متحرک با شتاب ثابت  $۴ \frac{m}{s^2}$  خواهد بود.

معادله حرکت آن از این لحظه به بعد به صورت زیر است:

$$x = \frac{۱}{۲}a(t-۵)^2 + v_0(t-۵) + x_0$$

$$\Rightarrow x = \frac{۱}{۲} \times ۴(t-۵)^2 + ۱۲(t-۵) + ۳۷$$

$$\Rightarrow x = ۲(t-۵)^2 + ۱۲(t-۵) + ۳۷$$

دو ثانیه سوم حرکت یعنی بازه زمانی  $t' = ۴s$  تا  $t'' = ۶s$ ، متحرک در بازه

$t' = ۴s$  تا  $t_1 = ۵s$  دارای حرکت با سرعت ثابت و در بازه  $t_1 = ۵s$  تا

$t'' = ۶s$  دارای حرکت با شتاب ثابت است. داریم:

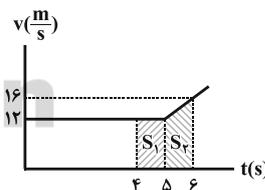
$$\Delta x_1 = v \Delta t_1 = ۱۲ \times (۵ - ۴) \Rightarrow \Delta x_1 = ۱۲m$$

$$\Delta x_2 = ۲(t-۵)^2 + ۱۲(t-۵) = ۲(۶-۵)^2 + ۱۲(۶-۵)$$

$$\Rightarrow \Delta x_2 = ۱۴m$$

$$\Delta x_{\text{کل}} = \Delta x_1 + \Delta x_2 = ۱۲ + ۱۴ \Rightarrow \Delta x_{\text{کل}} = ۲۶m$$

روش دوم: با استفاده از رسم نمودار سرعت - زمان و در نظر گرفتن این نکته که مساحت ناحیه محدود بین نمودار سرعت - زمان و محور زمان، در یک بازه زمانی مشخص برابر با جابه‌جایی متحرک در آن بازه زمانی است، می‌توان مسأله را به سادگی حل کرد.



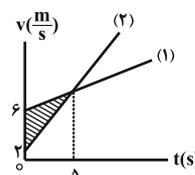
$$\Delta x_{\text{کل}} = S_1 + S_2 = (۵-۴) \times ۱۲ + \frac{۱۲+۱۶}{۲} \times (۶-۵)$$

$$\Rightarrow \Delta x_{\text{کل}} = ۱۲ + ۱۴ \Rightarrow \Delta x_{\text{کل}} = ۲۶m$$

(فیزیک ۳- حرکت بر خط راست: صفحه‌های ۲ تا ۲۱)

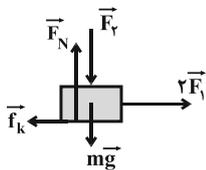
(امیرمسین میوزی)

۱۴۸-



$$(F_{net})_x = 0 \Rightarrow F_1 - f_k = 0 \Rightarrow f_k = F_1 = 10 \text{ N}$$

وقتی اندازه نیروی  $\vec{F}_1$  دو برابر می‌شود، چون نیروهای در راستای قائم تغییر نکرده است، اندازه نیروی اصطکاک جنبشی ثابت می‌ماند. با استفاده از قانون دوم نیوتون، داریم:



$$(F_{net})_x = ma_x \Rightarrow 2F_1 - f_k = ma_x \Rightarrow 2 \times 10 - 10 = 2a_x$$

$$\Rightarrow a_x = \frac{5}{2} \frac{m}{s^2}$$

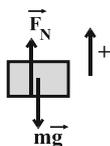
(فیزیک ۳- دینامیک و حرکت دایره‌ای: صفحه‌های ۳۰ تا ۴۶)

(عبدالرضا امینی نسب)

-۱۵۳

اگر جهت حرکت رو به بالا را مثبت فرض کنیم، شتاب حرکت آسانسور در طی مدت ۵s برابر است با:

$$v = at + v_0 \Rightarrow 0 = a \times 5 + 10 \Rightarrow a = -2 \frac{m}{s^2}$$



با نوشتن قانون دوم نیوتون برای حرکت جسم داخل آسانسور، داریم:

$$F_{net} = ma \Rightarrow F_N - mg = ma$$

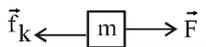
$$\Rightarrow F_N - 10 \times 10 = 10 \times (-2) \Rightarrow F_N = 80 \text{ N}$$

(فیزیک ۳- دینامیک و حرکت دایره‌ای: صفحه‌های ۳۰ تا ۳۹)

(سراسری تبری - ۹۹)

-۱۵۴

با توجه به شکل ابتدا با استفاده از معادله سرعت - جابه‌جایی، شتاب حرکت را به دست می‌آوریم. سپس با استفاده از قانون دوم نیوتون، اندازه نیروی اصطکاک را محاسبه می‌کنیم:



$$v^2 - v_0^2 = 2a\Delta x \xrightarrow{v_0=0, v=1 \frac{m}{s}} \Delta x=20 \text{ m}} 1^2 - 0 = 2a \times 20$$

$$\Rightarrow a = 1/40 \frac{m}{s^2}$$

$$F_{net} = ma \Rightarrow F - f_k = ma$$

$$\xrightarrow{F=5 \text{ N}} 5 - f_k = 2 \times 1/40 \Rightarrow f_k = 1/8 \text{ N}$$

(فیزیک ۳- دینامیک و حرکت دایره‌ای: صفحه‌های ۳۰ تا ۴۶)

(زهره آقاممیری)

-۱۵۰

با توجه به رابطه سرعت متوسط، داریم:

$$v_{av} = \frac{\Delta y}{\Delta t} \Rightarrow -55 = \frac{\Delta y}{3} \Rightarrow \Delta y = -165 \text{ m}$$

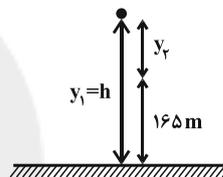
حال طبق معادله مکان - زمان در حرکت سقوط آزاد و با توجه به این که متحرک ۱۶۵ متر آخر سقوط را در مدت ۳s طی کرده است، می‌توان نوشت:

$$y = -\frac{1}{2}gt^2 + y_0$$

$$\Rightarrow \begin{cases} -h = -\frac{1}{2}gt^2 & (1) \\ -h + 165 = -\frac{1}{2}g(t-3)^2 & (2) \end{cases}$$

$$\xrightarrow{(1),(2)} -\frac{1}{2}gt^2 + 165 = -\frac{1}{2}g(t-3)^2$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2}g[t^2 - (t-3)^2] = 165 \Rightarrow t = 7 \text{ s}$$



بنابراین مدت زمان حرکت گلوله از لحظه رها شدن تا رسیدن به زمین برابر با 7s است. در نتیجه سرعت برخورد گلوله به زمین برابر است با:

$$v = -gt \Rightarrow v = -10 \times 7 \Rightarrow |v| = 70 \frac{m}{s}$$

(فیزیک ۳- حرکت بر خط راست: صفحه‌های ۲۱ تا ۲۴)

(سعید طاهری پروینی)

-۱۵۱

با استفاده از رابطه بزرگی نیروی کشسانی فنر، می‌توان نوشت:

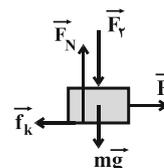
$$F_e = kx \Rightarrow 50 = k \times 5 \times 10^{-2} \Rightarrow k = 10^3 \frac{N}{m} \Rightarrow k = 1 \frac{kN}{m}$$

(فیزیک ۳- دینامیک و حرکت دایره‌ای: صفحه‌های ۴۳ و ۴۴)

(عبدالرضا امینی نسب)

-۱۵۲

نیروهای وارد بر جسم را در ابتدا رسم می‌کنیم و قانون دوم نیوتون را برای آن می‌نویسیم:



$$(F_{net})_y = 0 \Rightarrow F_N - F_T - mg = 0 \Rightarrow F_N = 20 + 2 \times 10$$

$$\Rightarrow F_N = 40 \text{ N}$$



$$(F_{\text{net}})_x = 0 \Rightarrow F_N = F_1 = 120 \text{ N}$$

$$f_{s,\text{max}} = \mu_s F_N = 0.25 \times 120 \Rightarrow f_{s,\text{max}} = 30 \text{ N}$$

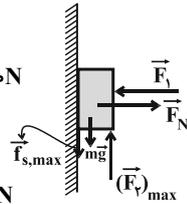
$$(F_{\text{net}})_y = 0 \Rightarrow (F_\gamma)_{\text{max}} = f_{s,\text{max}} + mg$$

$$\Rightarrow (F_\gamma)_{\text{max}} = 30 + 4 \times 10 \Rightarrow (F_\gamma)_{\text{max}} = 70 \text{ N}$$

بنابراین اختلاف اندازهٔ بیشترین و کمترین مقدار نیروی  $\vec{F}_\gamma$  برای اینکه جسم در آستانهٔ حرکت باشد، برابر است با:

$$\Delta F_\gamma = 70 - 10 = 60 \text{ N}$$

(فیزیک ۳- دینامیک و حرکت دایره‌ای: صفحه‌های ۳۰ تا ۳۶)



۱۵۷- (سیرعلی میرنوری)

می‌دانیم که سطح محصور بین نمودار نیرو- زمان و محور زمان برابر با  $\Delta p$  است. بنابراین داریم:

$$\Delta p = \frac{15 \times 3}{2} \Rightarrow \Delta p = 22.5 \frac{\text{kg} \cdot \text{m}}{\text{s}}$$

برای تعیین اندازهٔ نیروی خالص متوسط وارد بر توپ، داریم:

$$F_{\text{av}} = \frac{\Delta p}{\Delta t} = \frac{22.5}{3} \Rightarrow F_{\text{av}} = 7.5 \text{ N}$$

(فیزیک ۳- دینامیک و حرکت دایره‌ای: صفحه‌های ۳۶ تا ۴۸)

۱۵۸- (سیرعلی میرنوری)

در ابتدا با استفاده از قانون دوم نیوتون، شتاب حرکت جسم در حضور نیروی  $\vec{F}$  را می‌یابیم.

$$a = \frac{F_{\text{net}}}{m} \Rightarrow a = \frac{F - f_k}{m} = \frac{F - \mu_k mg}{m} = \frac{16 - 0.5 \times 2 \times 10}{2}$$

$$\Rightarrow a = 3 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$$

حال سرعت جسم را در لحظهٔ قطع نیروی  $\vec{F}$  محاسبه می‌کنیم:

$$v = at + v_0 = 3 \times 2 + 0 \Rightarrow v = 6 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

بعد از قطع نیروی  $\vec{F}$  جسم با شتاب  $a'$  حرکت می‌کند که برابر است با:

$$\vec{a}' = \frac{\vec{F}'_{\text{net}}}{m} \Rightarrow a' = \frac{-f_k}{m} \Rightarrow a' = \frac{-\mu_k mg}{m}$$

$$\Rightarrow a' = -\mu_k g = -0.5 \times 10 \Rightarrow a' = -5 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$$

و برای پیدا کردن سرعت جسم در لحظهٔ  $t = 3 \text{ s}$  (یعنی یک ثانیه بعد از

$$v' = at + v = -5 \times 1 + 6 \Rightarrow v' = 1 \frac{\text{m}}{\text{s}} \quad \text{قطع نیروی } \vec{F} \text{، داریم:}$$

$$p = mv' = 2 \times 1 \Rightarrow p = 2 \frac{\text{kg} \cdot \text{m}}{\text{s}} \quad \text{بنابراین در این لحظه داریم:}$$

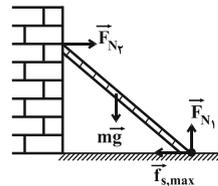
(فیزیک ۳- دینامیک و حرکت دایره‌ای: صفحه‌های ۳۰ تا ۳۸)

۱۵۵-

(عبدالرضا امینی نسب)

چون نردبان در آستانهٔ سر خوردن (حرکت) است، بنابراین نیروی خالص وارد بر نردبان در دو راستای افقی و عمودی صفر است. بنابراین داریم:

$$F_{\text{net}} = 0 \Rightarrow \begin{cases} (F_{\text{net}})_y = 0 \Rightarrow F_{N_1} = mg = 200 \text{ N} \\ (F_{\text{net}})_x = 0 \Rightarrow F_{N_2} = f_{s,\text{max}} \quad (*) \end{cases}$$



اندازهٔ نیروی اصطکاک ایستایی برابر است با:

$$f_{s,\text{max}} = \mu_s F_{N_1} = 0.75 \times 200 = 150 \text{ N}$$

$$\xrightarrow{(*)} F_{N_2} = f_{s,\text{max}} = 150 \text{ N} \quad \text{بنابراین:}$$

از طرف سطح افقی دو نیروی عمود بر هم  $\vec{F}_{N_1}$  و  $\vec{f}_{s,\text{max}}$  بر نردبان وارد

$$\text{می‌شود. بنابراین:} \quad R = \sqrt{F_{N_1}^2 + f_{s,\text{max}}^2} = \sqrt{200^2 + 150^2} = 250 \text{ N}$$

$$\frac{F_{N_2}}{R} = \frac{150}{250} = \frac{3}{5} \quad \text{در نهایت می‌توان نوشت:}$$

(فیزیک ۳- دینامیک و حرکت دایره‌ای: صفحه‌های ۳۰ تا ۳۶)

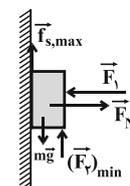
۱۵۶-

(سعید شرق)

بسته به اندازهٔ نیروی قائم  $\vec{F}_\gamma$ ، جسم می‌تواند در آستانهٔ حرکت به سمت پایین و یا بالا باشد.

اگر جسم در آستانهٔ حرکت به سمت پایین باشد، اندازهٔ نیروی  $\vec{F}_\gamma$ ، کمترین مقدار است و نیروی اصطکاک ایستایی به طرف بالا بر جسم وارد می‌شود. با

رسم نیروهای وارد بر جسم داریم:



$$(F_{\text{net}})_x = 0 \Rightarrow F_N = F_1 = 120 \text{ N}$$

$$f_{s,\text{max}} = \mu_s F_N = 0.25 \times 120 \Rightarrow f_{s,\text{max}} = 30 \text{ N}$$

$$(F_{\text{net}})_y = 0 \Rightarrow (F_\gamma)_{\text{min}} + f_{s,\text{max}} = mg$$

$$\Rightarrow (F_\gamma)_{\text{min}} + 30 = 4 \times 10 \Rightarrow (F_\gamma)_{\text{min}} = 10 \text{ N}$$

اگر جسم در آستانهٔ حرکت به سمت بالا باشد، اندازهٔ نیروی  $\vec{F}_\gamma$ ، بیشترین مقدار است و نیروی اصطکاک ایستایی به طرف پایین بر جسم وارد می‌شود. با

رسم نیروهای وارد بر جسم در این حالت داریم:



$$k_1 = k_2 \rightarrow \frac{T_2}{m_2} = \sqrt{\frac{m_2}{m_1}} \Rightarrow \frac{T_2}{T_1} = 0.9$$

$$\Rightarrow T_2 = 0.9 \times 3 = 2.7 \text{ s}$$

(فیزیک ۳- نوسان و موج: صفحه‌های ۶۳ تا ۶۵)

۱۶۲- (عبدالرضا امینی نسب)

ابتدا دوره تناوب نوسانگر را محاسبه می‌کنیم، داریم:

$$T + \frac{T}{2} = \frac{3T}{2} = 3s \Rightarrow T = 2s$$

بسامد زاویه‌ای برابر است با

$$\omega = \frac{2\pi}{T} = \frac{2\pi}{2} = \pi \frac{\text{rad}}{\text{s}}$$

شتاب نوسانگر در هر لحظه به صورت زیر قابل محاسبه است، داریم:

$$\left. \begin{aligned} F &= ma \\ F &= -kx \end{aligned} \right\} \Rightarrow ma = -kx \Rightarrow a = \frac{-k}{m}x = -\omega^2 x$$

در لحظه  $t_1$ ، مکان نوسانگر برابر  $(-2\text{cm})$  است. بنابراین:

$$a = -\omega^2 x \xrightarrow[\text{x} = -2\text{cm}]{\omega = \pi \frac{\text{rad}}{\text{s}}} a = -\pi^2 \times (-2) = 2\pi^2 = 20 \frac{\text{cm}}{\text{s}^2}$$

در نهایت چون در لحظه  $t_1$ ، نوسانگر در مکانی منفی قرار دارد و در حال نزدیک شدن به مبدأ نوسان است، بنابراین شتاب آن مثبت است و بردار

$$\text{شتاب به صورت } \vec{a} = +20 \vec{i} \frac{\text{cm}}{\text{s}^2} \text{ می‌باشد.}$$

(فیزیک ۳- نوسان و موج: صفحه‌های ۶۲ تا ۶۵)

۱۶۳- (بهار کامران)

نیروی وارد بر نوسانگر در انتهای مسیر نوسان بیشینه می‌باشد، بنابراین داریم:

$$F_{\text{max}} = kA$$

$$\Rightarrow \frac{(F_{\text{max}})_2}{(F_{\text{max}})_1} = \frac{A_2}{A_1} \times \frac{k_2}{k_1} = 1$$

(فیزیک ۳- نوسان و موج: صفحه‌های ۶۲ تا ۶۶)

۱۶۴- (سیدعلی میرنوری)

در لحظه‌ای که دو نوسانگر به هم می‌رسند، در یک مکان قرار می‌گیرند،

$$x_A = x_B \Rightarrow A \cos \pi t = A \cos 2\pi t \quad \text{بنابراین داریم:}$$

$$\Rightarrow \cos \pi t = \cos 2\pi t \begin{cases} \pi t = 2\pi t \Rightarrow t = 0 \text{ (بعد از شروع نوسان)} \\ \pi t = 2\pi - 2\pi t \end{cases}$$

$$\Rightarrow 3\pi t = 2\pi \Rightarrow t = \frac{2}{3} \text{ s}$$

(فیزیک ۳- نوسان و موج: صفحه‌های ۶۲ تا ۶۵)

۱۵۹- (زهرا آقاممیری)

با توجه به این که اندازه نیروی مرکزگرایی وارد بر دو ذره یکسان است، با استفاده از قانون دوم نیوتون می‌توان نوشت:

$$F_1 = F_2 \Rightarrow m_1 a_1 = m_2 a_2 \xrightarrow{m_2 = 4m_1} a_1 = 4a_2$$

اندازه شتاب مرکزگرا در حرکت دایره‌ای یکنواخت برابر است با:

$$a_c = \frac{v^2}{r} \xrightarrow{v = \frac{2\pi r}{T}} a_c = \frac{4\pi^2 r}{T^2}$$

$$\frac{r_1 = r_2}{a_1 = 4a_2} \rightarrow \frac{1}{T_1^2} = \frac{4}{T_2^2} \Rightarrow T_2^2 = 4T_1^2 \Rightarrow T_2 = 2T_1$$

$$\frac{t_1 = t_2}{n_1 = 8} \rightarrow n_2 = 4 \quad \text{با استفاده از رابطه } T = \frac{t}{n} \text{، داریم:}$$

(فیزیک ۳- دینامیک و حرکت دایره‌ای: صفحه‌های ۴۸ تا ۵۳)

۱۶۰- (امیرمسین میوزی)

تندی ماهواره در مداری به شعاع  $r$  از مرکز زمین عبارت است از:

$$F = \frac{mv^2}{r} \Rightarrow \frac{GmM_e}{r^2} = \frac{mv^2}{r} \Rightarrow v = \sqrt{\frac{GM_e}{r}} \quad (1)$$

از طرفی برای شتاب گرانشی در سطح زمین داریم:

$$g = \frac{GM_e}{R_e^2} \Rightarrow GM_e = gR_e^2 \quad (*)$$

$$(1): v = \sqrt{\frac{GM_e}{r}} \xrightarrow{(*)} v = \sqrt{\frac{gR_e^2}{r}} = R_e \sqrt{\frac{g}{r}} \quad (2) \quad \text{بنابراین:}$$

$$r = h + R_e = 3600 + 6400 = 10000 \text{ km} = 10^7 \text{ m} \quad \text{در این تست:}$$

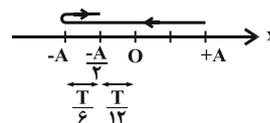
در نتیجه:

$$(2): v = 6400 \times 10^3 \times \sqrt{\frac{10}{10^7}} = \frac{6400 \times 10^3}{10^2} = 640 \frac{\text{km}}{\text{s}}$$

(فیزیک ۳- دینامیک و حرکت دایره‌ای: صفحه‌های ۴۸ تا ۵۶)

۱۶۱- (زهرا آقاممیری)

با توجه به معادله، متحرک در لحظه  $t = 0$  در  $+A$  قرار دارد.



برای این که متحرک از  $A$  به  $-A$  برسد  $\frac{T}{2}$  و از  $-A$  تا  $-\frac{A}{2}$ ،  $\frac{T}{6}$  طول

$$t = \frac{T}{2} + \frac{T}{6} \Rightarrow 2 = \frac{2T}{3} \Rightarrow T = 3 \text{ s} \quad \text{می‌کشد. بنابراین:}$$

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}} \quad \text{دوره تناوب نوسانگر جرم و فنر برابر است با:}$$



-۱۶۵

(سیدعلی میرنوری)

طبق اصل پایداری انرژی مکانیکی در لحظه‌ای که انرژی جنبشی نوسانگر،  
 $\frac{1}{4}$  انرژی مکانیکی آن است، انرژی پتانسیل کشسانی نوسانگر  $\frac{3}{4}$  انرژی  
 مکانیکی آن خواهد بود، بنابراین داریم:

$$U = \frac{3}{4}E \xrightarrow{U=0/18J} 0/18 = \frac{3}{4}E \Rightarrow E = 0/24J$$

(فیزیک ۳- نوسان و موج: صفحه‌های ۶۶ و ۶۷)

-۱۶۶

(زهره آقاممدری)

سرعت نوسانگر در مرکز نوسان بیشینه سرعت است و از رابطه  
 $v_{max} = A\omega$  به دست می‌آید:

$$v_{max} = A\omega = A\sqrt{\frac{k}{m}} = 0/04 \times \sqrt{\frac{800}{0/02}} = 8 \frac{m}{s}$$

در لحظه‌ای که سرعت نوسانگر نسبت به  $v_{max}$  به اندازه ۲۵ درصد کاهش  
 یافته است، داریم:

$$E = K + U, E = K_{max}$$

بنابراین از پایداری انرژی مکانیکی می‌توان نوشت:

$$U = K_{max} - K = \frac{1}{2}m(v_{max}^2 - v^2)$$

$$\Rightarrow U = \frac{1}{2} \times 0/02 \times (64 - 36) = 0/28J$$

(فیزیک ۳- نوسان و موج: صفحه‌های ۶۲ تا ۶۷)

-۱۶۷

(شارمان ویسی)

اگر بازه زمانی مشخص را  $t$  فرض کنیم، تعداد نوسان‌های کامل هر آونگ  
 برابر است با:

$$N = \frac{t}{T} \Rightarrow T = \frac{t}{N} \Rightarrow \begin{cases} T_A = \frac{t}{12} \\ T_B = \frac{t}{5} \end{cases}$$

حال با استفاده از رابطه دوره تناوب آونگ ساده داریم:

$$T = 2\pi\sqrt{\frac{L}{g}} \Rightarrow L = \frac{T^2 g}{4\pi^2} \Rightarrow \begin{cases} L_A = \frac{T_A^2 g}{4\pi^2} \\ L_B = \frac{T_B^2 g}{4\pi^2} \end{cases}$$

$$T' = 2\pi\sqrt{\frac{L_A + L_B}{g}} = 2\pi\sqrt{\frac{\frac{T_A^2 g}{4\pi^2} + \frac{T_B^2 g}{4\pi^2}}{g}} \Rightarrow T' = \sqrt{T_A^2 + T_B^2}$$

$$\Rightarrow T' = \sqrt{\left(\frac{t}{12}\right)^2 + \left(\frac{t}{5}\right)^2} \Rightarrow T' = \frac{13t}{6}$$

بنابراین تعداد نوسان‌های کامل آونگ جدید برابر است با:

$$N' = \frac{t}{T'} = \frac{60}{13}$$

(فیزیک ۳- نوسان و موج: صفحه‌های ۶۷ و ۶۸)

-۱۶۸

(سعید شرق)

با استفاده از رابطه چگالی داریم:

$$\rho = \frac{M}{V} = \frac{M}{\frac{4}{3}\pi R^3} \Rightarrow \frac{\rho'}{\rho_e} = \frac{M'}{M_e} \times \left(\frac{R_e}{R'}\right)^3$$

$$\Rightarrow \frac{1}{16} = 4 \times \left(\frac{R_e}{R'}\right)^3 \Rightarrow \frac{R_e}{R'} = \frac{1}{4}$$

حال با استفاده از رابطه شتاب گرانشی، داریم:

$$g = G \frac{M}{R^2} \Rightarrow \frac{g'}{g_e} = \frac{M'}{M_e} \times \left(\frac{R_e}{R'}\right)^2 \Rightarrow \frac{g'}{g} = 4 \times \left(\frac{1}{4}\right)^2$$

$$\Rightarrow \frac{g'}{g} = \frac{1}{4}$$

در نهایت با استفاده از رابطه دوره تناوب یک آونگ ساده، داریم:

$$T = 2\pi\sqrt{\frac{L}{g}} \Rightarrow \frac{T'}{T} = \sqrt{\frac{g}{g'}} \Rightarrow \frac{T'}{T} = \sqrt{4} \Rightarrow \frac{T'}{T} = 2$$

دوره تناوب آونگ ساعت در سطح کره موردنظر، دو برابر دوره تناوب آن در  
 سطح زمین است، بنابراین در هر یک ساعت روی سطح زمین، این ساعت به  
 اندازه ۰/۵ ساعت عقب می‌افتد. در نتیجه در هر ۱۲ ساعت روی سطح  
 زمین، این ساعت به اندازه ۶ ساعت عقب خواهد ماند.

(فیزیک ۳- نوسان و موج: صفحه‌های ۶۷ و ۶۸)

-۱۶۹

(شارمان ویسی)

با نوسان آونگ شماره (۴) به هر سه آونگ انرژی منتقل می‌شود. می‌دانیم  
 بیشترین انرژی در حالت تشدید به نوسانگر منتقل می‌شود و چون آونگ‌های  
 (۱) و (۴) هم طول هستند، لذا طبق رابطه  $T = 2\pi\sqrt{\frac{L}{g}}$  هم‌دوره هستند و  
 پدیده تشدید در آونگ (۱) رخ می‌دهد.

(فیزیک ۳- نوسان و موج: صفحه‌های ۶۷ تا ۶۹)

-۱۷۰

(عبدالرضا امینی نسب)

با استفاده از رابطه تندی انتشار امواج عرضی در یک تار، داریم:

$$v = \sqrt{\frac{F}{\mu}} \Rightarrow \frac{v_2}{v_1} = \sqrt{\frac{F_2}{F_1}}$$

$$\frac{F_2 = 1/69 F_1}{v_2 = (v_1 + 3) \frac{m}{s}} \rightarrow \frac{v_1 + 3}{v_1} = \sqrt{1/69} \Rightarrow 1 + \frac{3}{v_1} = 1/3$$

$$\Rightarrow v_1 = 10 \frac{m}{s}$$

(فیزیک ۳- نوسان و موج: صفحه‌های ۷۲ تا ۷۴)



## شیمی ۳

-۱۷۱

(میبا شرافتی پور)

تمام عبارتها درست اند.

الف) اوره و غسل برخلاف بنزین ترکیب‌هایی قطبی هستند پس در آب حل می‌شوند.

ب) فرمول عمومی صابون‌های جامد  $\text{RCOONa}$  و فرمول عمومی صابون‌های مایع  $\text{RCOOK}$  و  $\text{RCOONH}_4$  می‌باشد. در صورت برابر بودن تعداد اتم‌های کربن اختلاف جرم مولی صابون‌ها مربوط به جرم مولی کاتیون موجود در آنها می‌شود. اگر کاتیون موجود در صابون مایع،  $\text{K}$  باشد، جرم مولی صابون مایع از صابون جامد بیشتر می‌شود.

پ) اگر مقداری صابون به مخلوط آب و روغن اضافه کنید مخلوطی از نوع کلوتید ایجاد می‌شود. کلوتیدها را می‌توان همانند پلی میان محلول‌ها و سوسپانسیون‌ها در نظر گرفت.

ت) ژله و شیر هر دو کلوتید هستند. ذره‌های موجود در کلوتیدها درشت‌تر از محلول‌اند و به همین دلیل نور را پخش می‌کنند.

(شیمی ۳، صفحه‌های ۴ تا ۸)

-۱۷۲

(مامر پویان‌نظر)

کلوتید نور را پخش می‌کند.

کلوتیدها ته‌نشین نمی‌شوند.

رنگ نوعی کلوتید است.

(شیمی ۳، صفحه‌های ۶ و ۷)

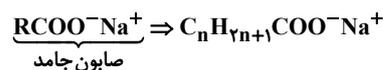
-۱۷۳

(سعیر مسمن‌زاده)

فقط عبارت دوم نادرست است.

پاک‌کننده‌های غیرصابونی در آب‌های سخت رسوب نمی‌کنند.

بررسی عبارت آخر:



$$2n + 1 = 35 \Rightarrow n = 17$$

در نتیجه فرمول مولکولی صابون مورد نظر  $\text{C}_{18}\text{H}_{35}\text{O}_2\text{Na}$  می‌باشد.

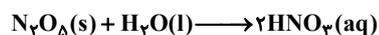
$$\text{O درصد جرمی} = \frac{2 \times 16}{306} \times 100 = 10.4\%$$

(شیمی ۳، صفحه‌های ۵، ۶، ۹، ۱۱ و ۱۲)

-۱۷۴

(علی مؤیدی)

دی نیتروژن پنتا اکسید، یک اکسید اسیدی است و در اثر حل شدن در آب، نیتریک اسید (اسید قوی) تولید می‌کند.



$$? \text{ mol H}^+ = 2 / 16 \text{ g N}_2\text{O}_5 \times \frac{1 \text{ mol}}{108 \text{ g}} \times \frac{2 \text{ mol HNO}_3}{1 \text{ mol N}_2\text{O}_5}$$

$$\times \frac{1 \text{ mol H}^+}{1 \text{ mol HNO}_3} = 0.04 \text{ mol H}^+$$

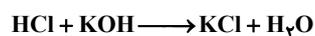
$$[\text{H}^+] = \frac{0.04 \text{ mol}}{0.5 \text{ L}} = 0.08 \text{ mol.L}^{-1}$$

$$\text{pH} = -\log 8 \times 10^{-2} = -\log 2^3 + (-\log 10^{-2}) = -0.9 + 2 = 1.1$$

(شیمی ۳، صفحه‌های ۱۶ و ۲۳ تا ۲۵)

-۱۷۵

(سیرمشر معروفی)



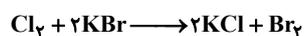
$$\text{pH} = 2/7 \Rightarrow [\text{H}^+] = 10^{-2/7} = 10^{-3} \times 10^{0/3} = 2 \times 10^{-3} \frac{\text{mol}}{\text{L}}$$

چون  $\text{HCl}$  یک اسید قوی است، پس غلظت آن با غلظت  $[\text{H}^+]$  برابر

است.

$$? \text{ g KCl} = 5 \text{ L HCl} \times \frac{2 \times 10^{-3} \text{ mol HCl}}{1 \text{ L HCl}} \times \frac{1 \text{ mol KCl}}{1 \text{ mol HCl}}$$

$$= 10^{-2} \text{ mol KCl}$$



$$\text{g KBr} = 10^{-2} \text{ mol KCl} \times \frac{2 \text{ mol KBr}}{2 \text{ mol KCl}}$$

$$\times \frac{119 \text{ g KBr}}{1 \text{ mol KBr}} = 1/119 \text{ g KBr}$$

$$\text{جرم ماده خالص} = \frac{\text{جرم نمونه ناخالص}}{\text{جرم نمونه ناخالص}} \times 100$$

$$\Rightarrow 65 = \frac{1/119}{x} \times 100 \Rightarrow \text{g KBr ناخالص} = 1/83 \text{ g}$$

(شیمی ۳، صفحه‌های ۲۴ و ۲۵)

$$? \text{ mL Mg(OH)}_2 = 0.06 \text{ mol HCl} \times \frac{1 \text{ mol Mg(OH)}_2}{2 \text{ mol HCl}} \times \frac{58 \text{ g}}{1 \text{ mol}}$$

$$\times \frac{1 \text{ L}}{2 / 32 \text{ g}} = 0.75 \text{ L} = 750 \text{ mL Mg(OH)}_2$$

$$? \text{ mL NaHCO}_3 = 0.06 \text{ mol HCl} \times \frac{1 \text{ mol NaHCO}_3}{1 \text{ mol HCl}} \times \frac{1 \text{ L}}{2 \text{ mol}}$$

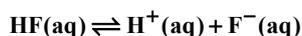
$$= 0.03 \text{ L} = 30 \text{ mL NaHCO}_3$$

(شیمی ۳، صفحه‌های ۳۱ و ۳۲)

(ممنم کوهستانیان)

-۱۷۹

معادله یونش هیدروفلوئوریک اسید به صورت زیر است:



$$x = [\text{H}^+] = [\text{F}^-]$$

$$K_a = \frac{[\text{H}^+][\text{F}^-]}{[\text{HF}]} \Rightarrow K_a = \frac{x^2}{[\text{HF}]} \Rightarrow x^2 = K_a \times [\text{HF}]$$

$$\Rightarrow x = \sqrt{2 \times 10^{-5} \times 0.8 \times 10^{-2}} = \sqrt{1.6 \times 10^{-7}} = \sqrt{16 \times 10^{-8}}$$

$$= 4 \times 10^{-4} \frac{\text{mol}}{\text{L}}$$

$$[\text{H}^+] = M\alpha \Rightarrow 4 \times 10^{-4} = 0.8 \times 10^{-2} \times \alpha$$

$$\Rightarrow \alpha = \frac{4 \times 10^{-4}}{8 \times 10^{-3}} = \frac{1}{2} \times 10^{-1} = 0.05$$

(شیمی ۳، صفحه‌های ۱۸، ۱۹ و ۲۲)

(مسن رحمتی کونکوره)

-۱۸۰

(الف) در واکنش خنثی شدن اسید و باز، یون‌های نمک حاصل نقش ناظر یا

تماشاچی را دارند و واکنش اصلی بین یون‌های  $\text{H}^+$  و  $\text{OH}^-$  می‌باشد.

(ب) در برخی موارد که لوله‌ها با اسیدهای چرب گرفتگی داشته باشند برای

رفع این گرفتگی باید از مواد بازی مانند  $\text{NaOH}$  استفاده کرد.

(پ)  $\text{HNO}_3$  برعکس  $\text{CH}_3\text{COOH}$  اسید قوی بوده و یون بیشتری تولید

می‌کند و الکترولیت قوی‌تری است.

(ت) هیدروژن کلرید ضمن حل شدن در آب یون  $\text{H}^+(\text{aq})$  تولید می‌کند و

اسید آرنیوس می‌باشد.

(ث)

$$\text{pH} = 2/7 \rightarrow [\text{H}^+] = 10^{-2/7} = 10^{-3} \times 10^{1/7} = 2 \times 10^{-3}$$

$$[\text{OH}^-] = \frac{10^{-14}}{2 \times 10^{-3}} = \frac{1}{2} \times 10^{-11} = 5 \times 10^{-12}$$

(شیمی ۳، صفحه‌های ۱۴ تا ۱۷، ۲۳ تا ۲۷ و ۳۰)

-۱۷۶

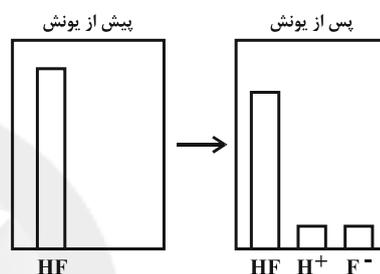
(ممنم کوهستانیان)

- غلط: زیرا غلظت یون هیدرونیوم در اسید قوی بیشتر است و از آنجایی که  $\text{HCl}$  اسید قوی‌تری نسبت به  $\text{HF}$  است غلظت یون هیدرونیوم در شکل «آ» بیشتر است.

- درست

- درست: زیرا در محلول ۰/۱ مولار  $\text{HCl}$ ، غلظت یون‌ها بیشتر از محلول ۰/۱ مولار  $\text{HF}$  است.

- غلط: زیرا دو گونه  $\text{HCl}$  و  $\text{HF}$  متفاوت با هم رفتار می‌کنند.  $\text{HCl}$  یک اسید قوی است و غلظت یون‌ها مطابق شکل نشان داده شده در سؤال است اما  $\text{HF}$  یک اسید ضعیف می‌باشد و به طور جزئی یونیده می‌شود.



(شیمی ۳، صفحه‌های ۱۷ و ۱۸)

(یوار کتابی)

-۱۷۷

گزینه «۱»: سرعت تولید گاز ( $\text{H}_2$ ) در شکل «آ» بیشتر است بنابراین قدرت اسیدی آن بیشتر بوده یعنی  $K_a$  بیشتری دارد و نسبت حاصل ضرب غلظت تعادلی یون‌های مثبت و منفی به غلظت تعادلی اسید (عبارت ثابت تعادل) برای آن بیشتر است.

گزینه «۲»: اسید موجود در شکل «آ» یک اسید قوی بوده بنابراین غلظت یون هیدرونیوم موجود در آن بسیار بیشتر از غلظت یون هیدرونیوم موجود در باران معمولی ( $\text{H}_2\text{CO}_3$ ) است.

گزینه «۳»: مقدار گاز تولیدی به تعداد اولیه فلز و ضرایب استوکیومتری موجود در واکنش بستگی دارد. لذا در دو واکنش مقدار گاز یکسانی تولید می‌شود.

گزینه «۴»: محلول «آ» چون اسید قوی‌تری است،  $\text{pH}$  آن کمتر است.

(شیمی ۳، صفحه‌های ۲۲ و ۲۳)

(سیرممنم معروفی)

-۱۷۸

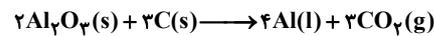
غلظت معمول اسید معده ۰/۰۳ مول بر لیتر است که با احتساب ۲ لیتر اسید معده مقدار مول یون  $\text{H}^+$  در حالت معمول ۰/۰۶ = ۰/۰۳ × ۲ مول است. وقتی غلظت اسید در معده بیمار دو برابر حالت معمول است یعنی ۰/۱۲ مول اسید معده در معده بیمار است که باید ۰/۰۶ مول از آن خنثی شود.



۱۸۱-

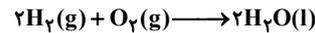
(مرتضی شوش کیش)

با توجه به واکنش انجام شده در فرایند هال:



$$? \text{ mole } e^- = 40 / 5gAl \times \frac{1 \text{ mol Al}}{27gAl} \times \frac{12 \text{ mole } e^-}{4 \text{ mol Al}} = 4 / \Delta \text{ mole } e^-$$

با توجه به مقدار مول الکترون مبادله شده و واکنش سلول سوختی داریم:



$$? \text{ mL } H_2O = 4 / \Delta \text{ mole } e^- \times \frac{2 \text{ mol } H_2O}{4 \text{ mol } e^-} \times \frac{18gH_2O}{1 \text{ mol } H_2O}$$

$$\times \frac{1 \text{ mL } H_2O}{1gH_2O} = 40 / 5 \text{ mL } H_2O$$

(شیمی ۳، صفحه‌های ۵۱، ۵۲ و ۶۱)

۱۸۲-

(سعید مفسن زاره)

الف) صحیح: در سلول ساخته شده از نقره و آهن، آهن آند و نقره کاتد است. جهت حرکت الکترون‌ها در مدار بیرونی یک سلول گالوانی از آند به کاتد است.

ب) صحیح: روی کاهنده‌تر از نقره است و اکسایش می‌یابد و به ازای کاهش ۶۵ گرم از جرم تیغه، ۲۱۶ (۲ × ۱۰۸) گرم نقره بر روی آن می‌نشیند و جرم تیغه افزایش می‌یابد.

پ) نادرست: کاهنده‌ترین گونه Zn و اکسنده‌ترین گونه یون Ag<sup>+</sup> است.

ت) نادرست: E<sup>o</sup> الکتروود مس مثبت است و کاهش می‌یابد. بنابراین الکتروود مس، کاتد (قطب مثبت) و الکتروود SHE، آند (قطب منفی) سلول خواهد بود.

(شیمی ۳، صفحه‌های ۳۴ تا ۴۸)

۱۸۳-

(میلاد شیخ الاسلامی قباوی)

بررسی گزینه‌ها:

گزینه «۱»: در این روش ابتدا آب دریا را با محلول بازی (حاوی یونهای

OH<sup>-</sup>) واکنش می‌دهند تا رسوب Mg(OH)<sub>2</sub>(s) تولید شود.

گزینه «۲»: با توجه به شکل ۱۸ صفحه ۶۱ کتاب درسی، آلومینیم مذاب در قسمت پایین دستگاه جمع شده پس چگالی آن بیشتر است.

گزینه «۳»: در شهرهای صنعتی به دلیل وجود گازهای SO<sub>2</sub> و NO<sub>x</sub> در هوا، باران اسیدی تشکیل می‌شود که وجود یون H<sup>+</sup>(aq) موجب افزایش سرعت خوردگی می‌شود.

گزینه «۴»: دومین گاز تشکیل دهنده هواکره از نظر درصد حجمی، گاز اکسیژن است که طی نیم‌واکنش  $2O^{2-}(l) \rightarrow O_2(g) + 4e^-$  در آند (قطب مثبت) این فرایند تولید می‌شود. اما به دلیل دمای بالا، آند گرافیتی با اکسیژن تولیدی واکنش داده و CO<sub>2</sub>(g) تولید می‌شود پس حبابهای تولید شده، CO<sub>2</sub> می‌باشند.

(شیمی ۳، صفحه‌های ۵۵، ۵۶، ۵۸ و ۶۱)

۱۸۴-

(علی مؤیری)

سلول مورد نظر، گالوانی است زیرا واکنش همراه با تولید الکتروسیسته و روشن شدن چراغ، انجام شده است. (نادرستی گزینه‌های «۱» و «۲») فلز روی در جایگاه آند است زیرا از تیغه روی، الکترون‌ها خارج می‌شوند. همواره آنیون‌ها (یون‌های منفی) به سوی آند و کاتیون‌ها (یون‌های مثبت) به سوی کاتد حرکت می‌کنند. پس آنیون نیترات از مسیر ۱ به سوی آند مهاجرت می‌کند.

مقایسه واکنش پذیری: روی < مس < نقره، پس هر دو فلز مس و نقره می‌توانند در برابر روی، در جایگاه کاتد قرار گیرند.

(شیمی ۳، صفحه‌های ۴۴ تا ۴۸)

۱۸۵-

(ممد وزیر)

بررسی گزینه‌ها:

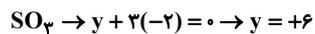
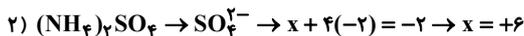
گزینه «۱»: واکنش اول در جهت طبیعی خود انجام می‌شود پس قدرت کاهندگی Al بیشتر از Ag است. واکنش دوم در جهت طبیعی خود انجام نمی‌شود یعنی فلز پلاتین نمی‌تواند یون‌های نقره را از محلول حاوی آن خارج کند. بنابراین قدرت کاهندگی Ag بیشتر از Pt می‌باشد.

گزینه «۲»: با توجه به این که فلز روی کاهنده‌تر از فلز مس است نتیجه می‌گیریم که Zn می‌تواند باعث کاهش یون‌های Cu<sup>2+</sup> شود. بنابراین نمی‌توانیم محلول مس (II) نیترات را در ظرفی از جنس فلز روی نگهداری کنیم.

گزینه «۳»: عدد اکسایش عنصرهای کلر و گوگرد در ClO<sub>2</sub><sup>-</sup> و SO<sub>4</sub><sup>2-</sup> به ترتیب برابر ۷+ و ۶+ است پس این دو گونه با توجه به این که عنصرهای کلر و گوگرد در بالاترین عدد اکسایش خود قرار دارند فقط می‌توانند اکسنده باشند ولی عدد اکسایش نیتروژن در NO<sub>3</sub><sup>-</sup> برابر ۳+ است پس می‌تواند هم اکسنده و هم کاهنده باشد.

گزینه «۴»: این فلز لیتیم است که دارای کمترین چگالی و E<sup>o</sup> در میان فلزها است.

(شیمی ۳، صفحه‌های ۴۰، ۴۴، ۴۷، ۴۹، ۵۲ و ۵۳)



گونه کاهنده در این واکنش Al می باشد که عدد اکسایش آن ۳ واحد تغییر می کند.

(شیمی ۳، صفحه های ۵۲ و ۵۳)

(عسرن رحمتی کولنده)

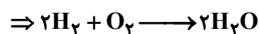
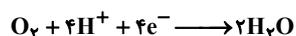
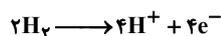
-۱۸۹

الف) واکنش  $2\text{NaCl(l)} \rightarrow 2\text{Na(l)} + \text{Cl}_2(\text{g})$  در سلول دانه انجام می شود:

$$? \text{LCl}_2 = 35 / 1 \text{g NaCl} \times \frac{1 \text{mol NaCl}}{58.5 \text{g NaCl}} \times \frac{1 \text{mol Cl}_2}{2 \text{mol NaCl}}$$

$$\times \frac{22 / 4 \text{L Cl}_2}{1 \text{mol Cl}_2} = 6 / 22 \text{L Cl}_2$$

ب) در سلول سوختی «هیدروژن - اکسیژن» نیم واکنش ها و واکنش کلی به صورت زیر می باشد:



$$? \text{e}^- = 3 / 6 \text{g H}_2\text{O} \times \frac{1 \text{mol H}_2\text{O}}{18 \text{g H}_2\text{O}} \times \frac{4 \text{mole e}^-}{2 \text{mol H}_2\text{O}}$$

$$\times \frac{6 / 0.2 \times 10^{23} \text{e}^-}{1 \text{mol e}^-} = 2 / 40.8 \times 10^{23} \text{e}^-$$

پ) در برقکافت آب، برای افزایش رسانایی الکتریکی، به آن مقداری الکترولیت مثل NaCl و CaCl<sub>2</sub> می افزایند.

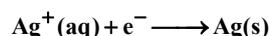
(شیمی ۳، صفحه های ۵۱ تا ۵۵)

(مهمد وزیری)

-۱۹۰

الف) در حلبی، سطح آهن را با قلع (Sn) می پوشانند که در صورت ایجاد خراش، فلز Fe به دلیل داشتن E<sup>0</sup> کوچکتر در واکنش آندی (اکسایش) شرکت می کند.

ب) در آبکاری قاشق آهنی با نقره، نیم واکنش کاتدی به صورت زیر می باشد:



پ) واکنش مورد نظر به صورت زیر است:



(شیمی ۳، صفحه های ۵۹ تا ۶۱ و ۶۴)

(مینا شرافتی پور)

-۱۸۶

Mg کاهنده تر از Ag بوده و آند می باشد.



جرم الکتروود Mg کاهش پیدا کرده و جرم الکتروود Ag افزایش می یابد. فرض می کنیم x مول Mg در این واکنش مصرف شود:

$$? \text{g Mg} = x \text{mol Mg} \times \frac{24 \text{g Mg}}{1 \text{mol Mg}} = 24x \text{g Mg}$$

$$? \text{g Ag} = x \text{mol Mg} \times \frac{2 \text{mol Ag}}{1 \text{mol Mg}} \times \frac{108 \text{g Ag}}{1 \text{mol Ag}} = 216x \text{g Ag}$$

$$\Rightarrow 216x - 24x = 288 \Rightarrow x = 1 / 5 \text{mol}$$

$$? \text{e}^- = 1 / 5 \text{mol Mg} \times \frac{2 \text{mole e}^-}{1 \text{mol Mg}}$$

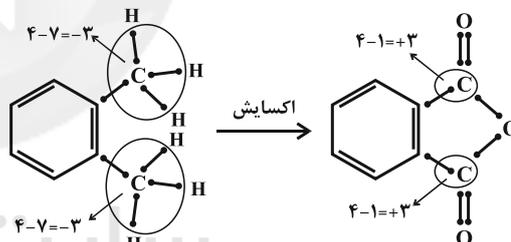
$$\times \frac{6 / 0.2 \times 10^{23} \text{e}^-}{1 \text{mole e}^-} = 1 / 80.6 \times 10^{23} \text{e}^-$$

(شیمی ۳، صفحه های ۳۴ تا ۳۷)

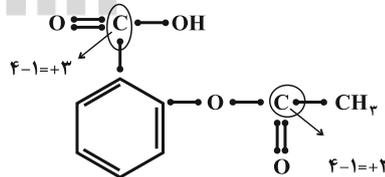
(عسرن رحمتی کولنده)

-۱۸۷

ابتدا تغییر اعداد اکسایش اتم های کربن را در واکنش اکسایش به دست می آوریم:



هر اتم کربن ۶ واحد تغییر عدد اکسایش نشان می دهد که مجموع این تغییرات برابر ۱۲ (۲ × ۶) واحد می باشد. حال عدد اکسایش اتم های کربن گروه های عاملی در آسپرین را به دست می آوریم:



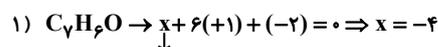
$$\Rightarrow +3 + 3 = +6$$

بنابراین تفاوت آنها ۶ (۱۲ - ۶) واحد می باشد.

(شیمی ۳، صفحه های ۳۱، ۵۲ و ۵۳)

(سامر پویان نظر)

-۱۸۸



مجموع عدد اکسایش اتم های کربن