



آزمون غیر حضوری

دروس اختصاصی

فارغ التحصیلان ریاضی

(۱۳ اردیبهشت ۱۳۹۸)

(مباحث ۲۷ اردیبهشت ۹۸)

گروه فنی و تولید:

محمد اکبری	مسئول تولید آزمون غیر حضوری
نرگس غنی زاده	مسئول دفترچه آزمون غیر حضوری
مدیر گروه: مریم صالحی مسئول دفترچه: آتیه اسفندیاری	گروه مستندسازی
حسن خرم جو	حروفچین
سوران نعیمی	ناظر چاپ

بنیاد علمی آموزشی قلمچی «وقف عام»

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ - تلفن: ۶۶۹۶۲۴۰۰

«تمام داراییها و درآمدهای بنیاد علمی آموزشی قلمچی وقف عام است بر گسترش دانش و آموزش»



دیفرانسیل

دیفرانسیل:

«مشتق و کاربرد آن» «انتهال»
صفحه‌های ۱۲۱ تا ۲۴۹

حسابان:

«مشتق»
صفحه‌های ۱۶۰ تا ۱۹۰

۱. مشتق راست تابع $f(x) = x[-x^2]$ در نقطه‌ای به طول ۱- کدام است؟ []، علامت جزء صحیح است.

(۱) ۱ (۲) -۱ (۳) -۲ (۴) ۲

۲. اگر $f(x) = 1 - |x|$ ، تعداد نقاط مشتق‌ناپذیری تابع با ضابطه $y = f(f(x))$ کدام است؟

(۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) صفر

۳. اگر تابع با ضابطه $f(x) = \begin{cases} 1 + a \cos \pi x & , x > 1 \\ bx^2 + x & , x \leq 1 \end{cases}$ بر روی \mathbf{R} مشتق‌پذیر باشد، a کدام است؟

(۱) ۱ (۲) $-\frac{1}{2}$

(۳) -۱ (۴) $\frac{1}{2}$

۴. در تابع $f(x) = \begin{cases} \left[\frac{2}{x}\right] \sin^2 x & ; x \neq 0 \\ 0 & ; x = 0 \end{cases}$ مقدار $f'(0)$ کدام است؟ []، علامت جزء صحیح است.

(۱) صفر (۲) ۱

(۳) ۲ (۴) وجود ندارد.

۵. اگر $f(x) = (x - \sqrt{x^2 - x})^6$ و $g(x) = (x + \sqrt{x^2 - x})^6$ آنگاه حاصل $A = f' \sqrt{\frac{g}{f}} + g' \sqrt{\frac{f}{g}}$ (کدام است؟ $x > 1$)

(۱) $6x^2$ (۲) $12x^2$

(۳) $4x$ (۴) $2x$

۶. اگر $f'(0) = g(0) = 1$ و $f(x) = x + 1 + (g(x))^5$ ، مقدار $f''(0)$ برابر کدام است؟

(۱) $4g''(0)$ (۲) $5g''(0)$

(۳) $4g''(0) + 20$ (۴) $5g''(0) + 20$

۷. اگر $f(x) = x \ln x$ باشد، مشتق دهم f در نقطه $x = 2$ کدام است؟

(۱) $\frac{10!}{2^{10}}$ (۲) $-\frac{9!}{2^9}$

(۳) $-\frac{8!}{2^8}$ (۴) $\frac{8!}{2^8}$



۸. اگر $g(x) = f\left(\frac{1}{x}\right)$ و $f(2) = 3f'(2) = 6$ ، در این صورت حاصل $(g^{-1})'(6)$ کدام است؟ (f و g معکوس پذیر هستند.)

$$\frac{1}{8} \quad (1)$$

$$-\frac{1}{8} \quad (2)$$

$$8 \quad (3)$$

$$-8 \quad (4)$$

۹. از مبدأ مختصات مماسی بر منحنی $y = \ln x$ رسم می‌کنیم. شیب خط مماس کدام است؟

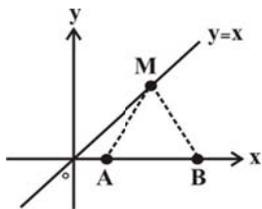
$$e \quad (1)$$

$$\frac{1}{e} \quad (2)$$

$$-e \quad (3)$$

$$-\frac{1}{e} \quad (4)$$

۱۰. دو نقطه A و B به طول‌های ۱ و ۷ روی محور طول‌ها واقع‌اند. طول نقطه M واقع بر نیمساز ناحیه اول و سوم به طوری که مجموع



مربعات فواصل M از دو نقطه A و B می‌نیم باشد، کدام است؟

$$\frac{5}{4} \quad (1)$$

$$2\sqrt{5} \quad (2)$$

$$\sqrt{5} \quad (3)$$

$$2 \quad (4)$$

۱۱. تعداد نقاط بحرانی تابع با ضابطه $f(x) = \frac{\sqrt{1+x^2}}{x}$ ، کدام است؟

$$1 \quad (1)$$

$$1 \quad (2)$$

$$\text{صفر} \quad (3)$$

$$2 \quad (4)$$

$$\text{بی‌شمار} \quad (4)$$

۱۲. در کدام بازه، تابع با ضابطه $f(x) = x^3 e^{-x}$ ، صعودی و تقعر نمودار آن رو به بالاست؟

$$(0, 3 - \sqrt{3}) \quad (1)$$

$$(3 - \sqrt{3}, 3) \quad (2)$$

$$(3, 3 + \sqrt{3}) \quad (3)$$

$$(3 + \sqrt{3}, +\infty) \quad (4)$$

۱۳. $x=1$ برای تابع $f(x) = x^{1-x}$ چگونه نقطه‌ای است؟

$$(1) \text{ ماکزیمم نسبی} \quad (1)$$

$$(2) \text{ می‌نیمم نسبی} \quad (2)$$

$$(3) \text{ عطف} \quad (3)$$

$$(4) \text{ عادی} \quad (4)$$

۱۴. مجموعه طول نقاط عطف منحنی به معادله $y = x |x^3 - 36x|$ کدام است؟

$$\{\pm 6, +\sqrt{6}\} \quad (1)$$

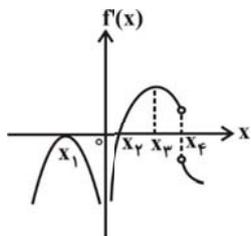
$$\{\pm 6, \pm\sqrt{6}, 0\} \quad (2)$$

$$\{\pm\sqrt{6}, 0\} \quad (3)$$

$$\{\pm\sqrt{6}\} \quad (4)$$



۱۵. اگر تابع $f(x)$ در R پیوسته باشد و نمودار $f'(x)$ به صورت مقابل باشد، آنگاه کدام گزینه در مورد تابع $y = f(x)$ صحیح است؟



(۱) سه عطف و دو اکسترمم

(۲) دو عطف و دو اکسترمم

(۳) یک عطف و سه اکسترمم

(۴) سه عطف و یک اکسترمم

هندسه تحلیلی

هندسه تحلیلی:

بردارها، مقاطع مخروطی،
ماتریس و دترمینان، دستگاه‌های

معادلات خطی

صفحه‌های ۱ تا ۳۳،

۷۰ تا ۱۱۳ و ۱۳۱ تا ۱۵۰

۱۶. اگر بردارهای $a = (-1, 2, 2)$ و $b = (2, -1, -2)$ مفروض باشند، آنگاه مجموع مؤلفه‌های بردار

جهت نیمساز زاویه بین a و b کدام است؟

(۱) $\sqrt{2}$ (۲) ۲

(۳) $\frac{1}{2}$ (۴) $\frac{2}{3}$

۱۷. مطابق شکل، رئوس مثلث ABC بر سه کنج مکعب مستطیلی با ابعاد ۳ و ۴ و ۶ واقعند. کسینوس زاویه B در مثلث ABC کدام



است؟

(۱) $\frac{\sqrt{5}}{5}$ (۲) $\frac{3\sqrt{5}}{10}$

(۳) $\frac{\sqrt{5}}{10}$ (۴) $\frac{3\sqrt{5}}{25}$

۱۸. اگر بردار $a' = (2, 1, m-1)$ ، تصویر قائم بردار a روی بردار b و بردار $a'' = (2, -1, m+1)$ ، قرینه بردار a نسبت به بردار b

باشد، اندازه بردار a کدام است؟

(۱) $\sqrt{5}$ (۲) $\sqrt{6}$

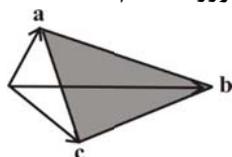
(۳) ۳ (۴) $\sqrt{14}$

۱۹. حاصل عبارت $((3j+k) \times (k-i)) \cdot (i-j+k)$ برابر کدام است؟ i, j و k بردارهای یک‌محوره‌ای مختصات‌اند.

(۱) -۲ (۲) -۱

(۳) ۵ (۴) ۷

۲۰. سه بردار $a = (0, 1, 1)$ ، $b = (4, 5, -3)$ و $c = (2, 5, 1)$ ، مطابق شکل زیر مفروض‌اند. مساحت مثلث هاشورزده کدام است؟



(۱) ۱۰ (۲) $8\sqrt{2}$

(۳) $6\sqrt{3}$ (۴) $4\sqrt{6}$



۲۱. خط گذرنده از کانون‌های هذلولی $9x^2 - 4y^2 - 36x - 24y - 36 = 0$ کدام است؟

$$x = -2 \quad (4)$$

$$y = 3 \quad (3)$$

$$x = 2 \quad (2)$$

$$y = -3 \quad (1)$$

۲۲. خروج از مرکز هذلولی $-\frac{(3y-1)^2}{9} = -4$ ، چند برابر خروج از مرکز هذلولی $3x^2 - 3y^2 - 7x + 1 = 0$ می‌باشد؟

$$\frac{\sqrt{3}}{4} \quad (4)$$

$$\frac{\sqrt{3}}{6} \quad (3)$$

$$\frac{\sqrt{3}}{2\sqrt{2}} \quad (2)$$

$$\frac{\sqrt{3}}{2} \quad (1)$$

۲۳. طول رأس کانونی منحنی $x^2 + xy + y^2 - 6 = 0$ کدام می‌تواند باشد؟

$$\sqrt{2} \quad (4)$$

$$2\sqrt{2} \quad (3)$$

$$\sqrt{6} \quad (2)$$

$$\sqrt{3} \quad (1)$$

۲۴. معادله یک بیضی پس از دوران محورهای آن حول مبدأ به اندازه 45° در جهت مثلثاتی به صورت $x'^2 + 4y'^2 = 4$ است.

معادله این بیضی قبل از دوران کدام است؟

$$3x^2 + 3y^2 - 6xy = 8 \quad (2)$$

$$3x^2 + 4y^2 + 6xy = 4 \quad (1)$$

$$5x^2 + 5y^2 - 6xy = 8 \quad (4)$$

$$5x^2 + 5y^2 - 4xy = 4 \quad (3)$$

۲۵. اگر فاصله کانونی مقطع مخروطی $(x-y)^2 + xy = 6k$ برابر $4\sqrt{2}$ باشد، k کدام است؟ ($k > 0$)

$$4 \quad (4)$$

$$3 \quad (3)$$

$$2 \quad (2)$$

$$1 \quad (1)$$

۲۶. اگر $A_{3 \times 3}$ و $B_{3 \times 3}$ دو ماتریس باشند به طوری که $B + A^T = \begin{bmatrix} 3 & 2 & -1 \\ 4 & 3 & -4 \\ 5 & 1 & 7 \end{bmatrix}$ و B پادمتقارن باشد، آنگاه مجموع درایه‌های قطر اصلی ماتریس $A + A^T$ کدام است؟

$$28 \quad (4)$$

$$26 \quad (3)$$

$$24 \quad (2)$$

$$22 \quad (1)$$

۲۷. اگر $A = \begin{bmatrix} \tan x & -1 \\ \frac{1}{\cos^2 x} & -\tan x \end{bmatrix}$ ، آنگاه حاصل $A^{20} + A^{20} + A^6$ کدام است؟ ($x \neq \frac{k\pi}{2}$)

$$-3I \quad (4)$$

$$3I \quad (3)$$

$$-I \quad (2)$$

$$I \quad (1)$$

۲۸. اگر A ماتریس ضرایب یک دستگاه سه معادله سه مجهولی و $A^* = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 3 \\ 2 & 3 & 4 \\ 1 & 0 & 6 \end{bmatrix}$ (ماتریس ترانزهاده ماتریس هم‌سازه A) و

$B = \begin{bmatrix} -3 \\ 1 \\ 3 \end{bmatrix}$ (ماتریس مقادیر ثابت دستگاه) باشد، مجموع مجهول‌های دستگاه کدام است؟

$$30 \quad (4)$$

$$20 \quad (3)$$

$$15 \quad (2)$$

$$10 \quad (1)$$



۲۹. اگر دستگاه همگن سه معادله سه مجهول زیر حداقل یک جواب غیر صفر داشته باشد، آنگاه مقدار a کدام می تواند باشد؟

$$\begin{cases} ax - 2y + z = 0 \\ 2x + y + az = 0 \\ 2x + 4y + 3z = 0 \end{cases}$$

- (۱) ۲ (۲) -۲ (۳) ۴ (۴) -۴

۳۰. سه صفحه $d = 2x - y - z$ و $x + by - z = 1$ و $x + y - 2z = 3$ بر یک خط می گذرند. دوتایی (b, d) کدام است؟

- (۱) $(0, 0)$ (۲) $(0, 1)$ (۳) $(1, 0)$ (۴) $(1, 1)$

ریاضیات گسسته

ریاضیات گسسته:

مباحثی دیگر از ترکیبات
احتمال - توزیع های گسسته
احتمال
صفحه های ۵۸ تا ۹۹

جبر و احتمال:

صفحه های ۵۶ تا ۱۲۱

۳۱. در پرتاب دو تاس سالم، اگر A پیشامد آمدن اعداد متمایز و B پیشامد مجموع بیش تر از ۷

باشد، پیشامد $A \cap B$ چند برآمد دارد؟

- (۱) ۱۸ (۲) ۱۶ (۳) ۱۴ (۴) ۱۲

۳۲. تاسی ناسالم داریم که در آن احتمال رو شدن هر عدد، متناسب با تعداد مقسوم علیه های آن

عدد است. با کدام احتمال در یک پرتاب مضرب ۳ می آید؟

- (۱) $\frac{1}{14}$ (۲) $\frac{1}{7}$ (۳) $\frac{3}{14}$ (۴) $\frac{3}{7}$

۳۳. از کنار هم قرار دادن هر دو رقم متمایز از مجموعه اعداد $\{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$ یک عدد دو رقمی می سازیم. اگر مجموعه همه چنین اعداد

۲ رقمی ای را روی کارت های جداگانه بنویسیم و به تصادف کارتی از میان آن ها بیرون بکشیم، با کدام احتمال عدد مورد نظر

اول است؟

- (۱) $\frac{5}{16}$ (۲) $\frac{3}{8}$ (۳) $\frac{1}{3}$ (۴) $\frac{1}{4}$

۳۴. احتمال این که کوکب خاتم پنج شنبه ها شام بپزد، $\frac{1}{4}$ است. اگر کوکب خانم شام بپزد، احتمال آن که غذا بسوزد $\frac{1}{8}$ است.

احتمال آن که در یک پنج شنبه، کوکب خانم شام بپزد و غذا نسوزد، کدام است؟

- (۱) $\frac{1}{8}$ (۲) $\frac{1}{16}$ (۳) $\frac{3}{16}$ (۴) $\frac{1}{4}$

۳۵. تاسی را ۵ بار پرتاب می کنیم، با کدام احتمال بار اول ۳، بار دوم مضرب ۳ و بار چهارم کم تر از ۳ می آید؟

- (۱) $\frac{1}{36}$ (۲) $\frac{1}{48}$ (۳) $\frac{1}{54}$ (۴) $\frac{1}{96}$

۳۶. تیراندازی با توجه به آزمایش های قبلی می داند از هر ۱۰ تیر که به هدف شلیک می کند ۵ تای آن به هدف می خورد. در مسابقات

تیراندازی احتمال آن که از ۶ تیری که شلیک می کند، ۴ تای آن به هدف اصابت کند چقدر است؟

- (۱) $\frac{1}{2}$ (۲) $\frac{5}{16}$ (۳) $\frac{15}{64}$ (۴) $\frac{27}{64}$



۳۷. احتمال این که تنها یکی از دو پیشامد A یا B اتفاق بیفتد برابر $0/7$ است. اگر $P(A' \cap B') = 1 - P(A') - P(B')$ احتمال این که هر دو پیشامد A و B رخ دهد، کدام است؟

- (۱) $0/4$ (۲) $0/3$ (۳) $0/2$ (۴) $0/1$

۳۸. در دو جعبه به ترتیب ۲۰ و ۱۵ عدد لامپ همانند موجود است. که در جعبه اول ۵ لامپ و در جعبه دوم ۳ لامپ معیوب هستند. از اولی ۹ لامپ و از دومی ۶ لامپ به تصادف بر می داریم و در جعبه سوم می دهیم. احتمال این که لامپ انتخاب شده از جعبه سوم معیوب باشد، کدام است؟

- (۱) $0/22$ (۲) $0/23$ (۳) $0/24$ (۴) $0/25$

۳۹. کیسه ای محتوی ۴ مهره آبی، ۴ مهره قرمز و ۲ مهره سفید است. اگر به طور تصادفی ۶ مهره از این کیسه خارج کنیم، احتمال آن که تعداد مهره های آبی خارج شده، دو برابر تعداد مهره های سفید خارج شده باشد، کدام است؟

- (۱) $\frac{1}{5}$ (۲) $\frac{2}{15}$ (۳) $\frac{8}{35}$ (۴) $\frac{7}{30}$

۴۰. کیسه ای محتوی ۳ مهره سفید و ۵ مهره سیاه است. از این کیسه به طور تصادفی و با جایگذاری، آن قدر مهره ها را انتخاب می کنیم تا اولین مهره سفید خارج شود. احتمال این که دقیقاً ۴ انتخاب لازم باشد چند برابر آن است که حداقل ۴ انتخاب لازم باشد؟

- (۱) $\frac{3}{4}$ (۲) $\frac{3}{8}$ (۳) $(\frac{3}{8})^2$ (۴) $(\frac{3}{8})^3$

فیزیک پیش دانشگاهی

فیزیک پیش دانشگاهی:

موج های مکانیکی، صوت،
موج های الکترومغناطیسی،
فیزیک اتمی، فیزیک حالت جامد
صفحه های ۱۲۱ تا ۲۶۷

۴۱. هوای درون یک لوله صوتی که دو انتهای آن باز است، با یک منبع تولید صوت به تشدید در آمده و

در این حالت طول موج صوت حاصل در لوله، $\frac{2}{11}$ طول لوله است. اگر دمای هوای درون لوله را

بر حسب کلونین ۲۱ درصد افزایش دهیم، دوباره در لوله صوتی تشدید ایجاد می شود. در این حالت

طول موج صوت حاصل، چه کسری از طول لوله خواهد شد؟

- (۱) $\frac{1}{3}$ (۲) $\frac{1}{4}$

- (۳) $\frac{1}{5}$ (۴) $\frac{1}{6}$

۴۲. بسامد دو هماهنگ متوالی یک لوله صوتی به طول 50cm برابر با 450Hz و 750Hz می باشد. این لوله ... و طول موج صوت اصلی آن ... متر است.

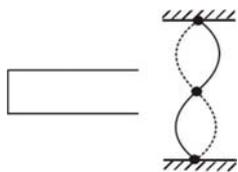
- (۱) یک انتها بسته، ۲ (۲) یک انتها بسته، ۱

- (۳) دو انتها باز، ۲ (۴) دو انتها باز، ۱



۴۳. مطابق شکل زیر، یک تار صوتی با بسامد 680 Hz نوسان می‌کند و هوای درون لوله صوتی را به نوسان در آورده و دو گره در لوله

ایجاد شده است. اگر سرعت صوت در هوای درون لوله $340 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ باشد، طول لوله صوتی چند سانتی‌متر است؟



(۱) ۲۵ (۲) ۳۷/۵

(۳) ۵۰ (۴) ۷۵

۴۴. اگر تراز شدت یک صوت از 20 dB به 26 dB برسد، در این صورت شدت این صوت چند برابر شده است؟ ($\log 2 = 0.3$) و از

اتلاف انرژی صرف‌نظر شود.

(۱) $2\sqrt{2}$ (۲) ۴ (۳) $4\sqrt{2}$ (۴) ۸

۴۵. یک منبع صوتی با سرعت ثابت $30 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ در محیطی که سرعت انتشار صوت در آن برابر با $330 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ است، حرکت می‌کند. برای

یک ناظر ساکن، فاصله دو جبهه پُر فشار موج در جلوی منبع صوتی چند برابر فاصله دو جبهه پُر فشار موج در پشت منبع

صوتی است؟

(۱) $\frac{5}{6}$ (۲) $\frac{6}{5}$ (۳) $\frac{6}{5}$ (۴) $\frac{11}{10}$

۴۶. بوق اتومبیل ساکنی، موجی صوتی با بسامد 660 Hz را گسیل می‌کند. اگر با سرعت $36 \frac{\text{km}}{\text{h}}$ به این اتومبیل ساکن، نزدیک

شویم، صدای بوق آن را با بسامد چند هرتز می‌شنویم؟ ($330 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ = سرعت صوت در هوا)

(۱) ۶۴۰ (۲) ۶۶۰ (۳) ۶۸۰ (۴) ۷۳۰

۴۷. کدام یک از کمیت‌های زیر مربوط به موج رادیویی باند MW در مقایسه با امواج رادیویی باند SW بیش تر است؟

(۱) طول موج (۲) بسامد

(۳) سرعت انتشار در خلأ (۴) کوانتوم انرژی

۴۸. بسامد یک موج الکترومغناطیسی $5 \times 10^{14}\text{ Hz}$ است. طول موج آن در خلأ چند متر بوده و جزء کدام دسته از انواع موج‌های

الکترومغناطیسی محسوب می‌شود؟ ($c = 3 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}}$)

(۱) $1/5 \times 10^{23}$ رادیویی (۲) $1/5 \times 10^{23}$ مرئی

(۳) 6×10^{-7} رادیویی (۴) 6×10^{-7} مرئی

۴۹. چشمه‌ی پرتوی هسته‌ی مواد رادیو اکتیو است و این پرتو برای به کار می‌رود.

(۱) گاما - فیلم‌برداری در تاریکی (۲) ایکس - پیدا کردن ترک در فلزها

(۳) گاما - پیدا کردن ترک در فلزها (۴) ایکس - فیلم‌برداری در تاریکی



۵۰. آزمایش ینانگ را یک بار با نوری به طول موج $\lambda_1 = 420 \text{ nm}$ و بار دیگر و بدون تغییر سایر شرایط آزمایش، با نوری به طول موج λ_2 انجام می‌دهیم. اگر وسط پنجمین نوار روشن در آزمایش با نور λ_1 در مکان وسط چهارمین نوار تاریک در آزمایش با نور λ_2 تشکیل شود، λ_2 چند نانومتر است؟

- (۱) ۴۸۰ (۲) ۶۰۰ (۳) ۵۰۰ (۴) ۵۲۵

۵۱. آزمایش ینانگ را یک بار در هوا و بار دیگر در آب به ضریب شکست $\frac{4}{3}$ انجام می‌دهیم. نسبت فاصله چهارمین نوار روشن از نوار روشن مرکزی در آب به فاصله سومین نوار روشن از نوار روشن مرکزی در هوا چه قدر است؟ (دیگر شرایط آزمایش تغییری نمی‌کند.)

- (۱) ۱ (۲) $\frac{4}{3}$ (۳) $\frac{9}{16}$ (۴) $\frac{16}{9}$

۵۲. آزمایش ینانگ را با نوری به طول موج $0.6 \mu\text{m}$ میکرون در خلأ انجام می‌دهیم. اگر اختلاف زمان رسیدن پرتوهای نور از دو شکاف به وسط یک نوار برابر با 0.008 ps باشد، آن نوار چندمین نوار روشن یا تاریک می‌باشد؟ ($c = 3 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}}$)

- (۱) چهارمین نوار روشن (۲) هشتمین نوار روشن
(۳) ششمین نوار تاریک (۴) هشتمین نوار تاریک

۵۳. کدام یک از گزینه‌های زیر درست است؟

- (۱) بنابر نتایج تجربی، تابندگی جسم با عکس توان چهارم طول موج آن متناسب است.
(۲) با افزایش دمای جسم، بسامد مربوط به موجی که بیشترین تابندگی را دارد، زیاد می‌شود.
(۳) هر قدر دمای جسمی زیاد شود، شدت تابشی کل گسیل شده کاهش می‌یابد.
(۴) یکای تابندگی وات بر سانتی‌متر است.

۵۴. با فرض آن که طول موج تمام کوانتوم‌های انرژی نور خورشید (فوتون‌ها) را به‌طور میانگین برابر با 5000 \AA در نظر بگیریم، چنانچه انرژی تابشی فرود آمده در هر ثانیه بر یکای سطح زمین برابر با 10^2 J باشد، تعداد فوتون‌هایی که در هر ثانیه بر هر

متر مربع از سطح زمین می‌رسند، تقریباً کدام است؟ ($h = 6.626 \times 10^{-34} \text{ J.s}$ و $c = 3 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}}$)

- (۱) $2/5 \times 10^{21}$ (۲) $2/5 \times 10^{22}$ (۳) 5×10^{21} (۴) 5×10^{22}

۵۵. اگر انرژی لازم برای جدا کردن یک الکترون از سطح فلز سدیم برابر با 2.0 eV باشد، بیشترین طول موج فوتون‌هایی که قادر

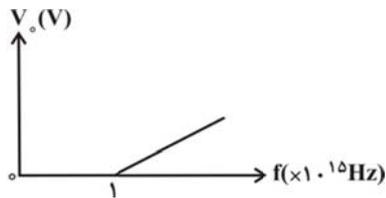
به انجام این کار هستند، برابر با چند نانومتر است؟ ($h = 4.14 \times 10^{-15} \text{ eV.s}$ و $c = 3 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}}$)

- (۱) 6×10^{-7} (۲) ۶۰۰ (۳) 5×10^{14} (۴) 5×10^5



۵۶. در یک آزمایش فوتوالکتریک، نمودار ولتاژ متوقف‌کننده بر حسب بسامد نور فرودی مطابق شکل زیر است. تابع کار فلز مورد

آزمایش برابر با چند الکترون ولت است؟ ($h = 6.6 \times 10^{-34} \text{ J}\cdot\text{s}$ و $e = 1.6 \times 10^{-19} \text{ C}$)



(۱) ۴/۱۲۵

(۲) ۸/۲۵

(۳) 6.6×10^{-19}

(۴) ۱۰

۵۷. در یک آزمایش فوتوالکتریک، بسامد قطع برای الکتروود A برابر $5 \times 10^{14} \text{ Hz}$ است. اگر نوری با بسامد 10^{15} هرتز بر این

الکتروود بتابانیم و بین دو الکتروود A و B، ۳ ولت اختلاف پتانسیل الکتریکی برقرار باشد ($V_B - V_A = 3 \text{ V}$)، انرژی جنبشی

سریع‌ترین الکترون‌ها در لحظه‌ی رسیدن به الکتروود B چند الکترون ولت می‌شود؟ ($h = 4 \times 10^{-15} \text{ eV}\cdot\text{s}$)

(۱) ۲ (۲) ۳

(۳) ۵ (۴) ۷

۵۸. در یک اتم هیدروژن، نسبت کم‌ترین بسامد تابشی رشته‌ی لیمان به کم‌ترین بسامد تابشی رشته‌ی بالمر کدام است؟

(۱) $\frac{5}{27}$ (۲) $\frac{10}{27}$

(۳) $\frac{27}{5}$ (۴) $\frac{27}{10}$

۵۹. در یک اتم هیدروژن، الکترون از تراز $n=1$ به تراز $n=3$ می‌رود. در این انتقال، شعاع مدار الکترون و انرژی آن، نسبت به

حالت قبل، به ترتیب از راست به چپ چند برابر می‌شوند؟

(۱) ۳ و $\frac{1}{3}$ (۲) ۹ و $\frac{1}{9}$

(۳) ۳ و ۳ (۴) ۹ و ۹

۶۰. کدام‌یک از موارد زیر درباره‌ی ساختار نواری اجسام نارسانا درست است؟

(۱) بعد از آخرین نوار پر، نوار نیمه پر (بخشی پر) وجود دارد.

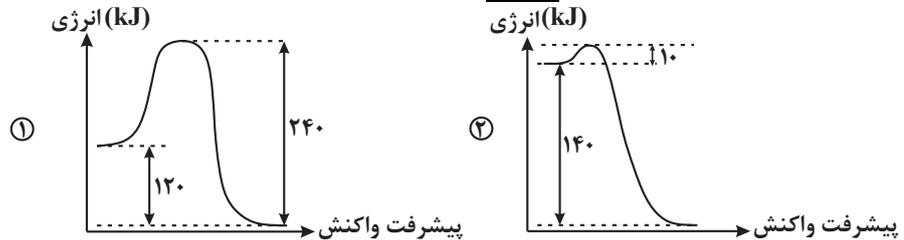
(۲) تعداد الکترون‌های موجود در نوار رسانش بسیار زیاد است.

(۳) گاف انرژی بین آخرین نوار پر و اولین نوار خالی زیاد بوده و در حدود ۵ الکترون ولت است.

(۴) گاف انرژی بین آخرین نوار پر و اولین نوار خالی کم بوده و در حدود یک الکترون ولت است.



شیمی پیش دانشگاهی: صفحه‌های ۱۵ تا ۲۷، ۴۶ تا ۵۸ و ۷۵ تا ۱۱۹ / شیمی ۲: صفحه‌های ۵۲ تا ۵۷ و ۸۴ تا ۹۲
۶۱- با توجه به نمودارهای زیر، کدام مطلب نادرست است؟



- (۱) در شرایط یکسان سرعت واکنش ۲ در جهت برگشت، کم‌تر از سرعت همین واکنش در جهت رفت است.
(۲) ΔH واکنش ۲ در جهت برگشت، ۲۰ کیلوژول از ΔH واکنش ۱ در جهت رفت بیش‌تر است.
(۳) در هر دو واکنش، فراورده‌ها پایدارتر از واکنش‌دهنده‌ها هستند.
(۴) اندازه اختلاف سطح انرژی فراورده‌ها از پیچیده فعال در واکنش (۲) به اندازه 30° کیلوژول بیش‌تر از اندازه اختلاف سطح انرژی واکنش‌دهنده‌ها از پیچیده فعال در واکنش (۱) است.

۶۲- E_a رفت واکنش گرماگیر فرضی $2M + A \rightarrow 2Z$ برابر x کیلوژول است. در حضور کاتالیزگر این مقدار به اندازه ۲۵ درصد تغییر می‌کند. اگر E_a برگشت این واکنش در حضور کاتالیزگر برابر $\frac{x}{4}$ باشد، در این صورت مجموع E_a رفت و برگشت در غیاب کاتالیزگر چند

برابر همین مقدار در حضور کاتالیزگر است؟

- (۱) ۱ (۲) $\frac{1}{5}$ (۳) $\frac{1}{6}$ (۴) ۲

۶۳- کدام عبارت درست است؟

- (۱) در تمامی تعادل‌ها، در صورت برهم خوردن تعادل و برقراری مجدد آن، غلظت تعادلی همه گونه‌ها تغییر می‌کند.
(۲) به‌طور کلی، افزودن یک ماده، تعادل را در جهت تولید آن جابجا می‌کند.
(۳) در یک تعادل، می‌تواند شرایطی به‌وجود آید که بدون تغییر غلظت مواد شرکت‌کننده در واکنش، تعادل به هم بخورد.
(۴) در تعادل گرماگیر با افزایش دما، مقدار K کاهش می‌یابد.

۶۴- کدام یک از گزینه‌های زیر درست نمی‌باشد؟

- (۱) با افزایش فشار در تعادل $N_2(g) + 3H_2(g) \rightleftharpoons 2NH_3(g)$ ، واکنش در جهت رفت جابه‌جا می‌شود.
(۲) با افزایش حجم در تعادل $H_2(g) + I_2(g) \rightleftharpoons 2HI(g)$ ، تغییری در جهت پیشرفت واکنش ایجاد نمی‌شود.
(۳) با کاهش فشار در تعادل $2SO_2(g) + O_2(g) \rightleftharpoons 2SO_3(g)$ ، واکنش در جهت رفت جابه‌جا می‌شود.
(۴) با کاهش حجم در تعادل $CO(g) + 2H_2(g) \rightleftharpoons CH_3OH(g)$ ، واکنش در جهت رفت جابه‌جا می‌شود.

۶۵- کدام یک از عوامل زیر باعث کاهش pH خاک و اسیدی شدن آن نمی‌شود؟

- (۱) افزودن آهک به خاک
(۲) بارش باران اسیدی
(۳) ورود آلاینده‌های SO_2 و NO_x به هواکره
(۴) افزایش غلظت Al^{3+} در خاک

۶۶- کدام گزینه زیر درباره آمینواسیدهای طبیعی صحیح است؟

- (۱) در اغلب آمینواسیدهای طبیعی گروه آمینی روی همان کربنی قرار دارد که گروه کربوکسیل قرار می‌گیرد.
(۲) این ترکیبات، می‌توانند تبادل پروتون درون مولکولی داشته باشند.
(۳) ساده‌ترین آمینواسید دارای فرمول مولکولی $C_2H_4NO_2$ می‌باشد.
(۴) گلی‌سین ساده‌ترین آمینواسید است که به دلیل قطبیت بالا، در حلال‌های قطبی مانند آب و اتانول در دمای اتاق به خوبی حل می‌شود.

۶۷- کدام عبارت درست است؟

- (۱) عدد اکسایش نیتروژن‌ها در N_2O_3 یکسان و برابر ۳+ است.
(۲) مجموع عدد اکسایش کربن‌ها در متیل استات (CH_3COOCH_3) با مجموع عدد اکسایش کربن‌ها در اتانال برابر است.
(۳) همه‌ی فلزها به حالت آزاد فقط کاهنده و همه‌ی نافلزها به حالت آزاد فقط اکسند هستند.
(۴) اختلاف بیش‌ترین و کم‌ترین عدد اکسایش نیتروژن ۸ واحد بوده و نیتروژن در NO_3^- فقط می‌تواند کاهنده باشد.

۶۸- کدام مطلب درست است؟

- (۱) در گذشته، کاهش هم‌ارز با گرفتن اکسیژن و اکسایش، هم‌ارز با گرفتن هیدروژن تعریف می‌شد.
- (۲) پتانسیل‌های الکترودی استاندارد، در هنگامی که از حلال‌های غیرآبی، مانند استون هم استفاده می‌کنیم، کاربرد دارند.
- (۳) برآثر اکسایش متانال در واکنش با نقره‌اکسید، متانوییک اسید تولید شده و آینه نقره‌ای تشکیل می‌شود.
- (۴) متانال را می‌توان از اکسایش متانول به وسیله‌ی اکسیژن، در حضور کاتالیزگر نقره‌اکسید، تهیه کرد.

۶۹- کدام مطلب در مورد سلول الکتروشیمیایی (SHE - Pt) درست است؟

$$(Pt = 195g \cdot mol^{-1}, E^{\circ}_{(Pt^{2+}(aq)/Pt(s))} = +1/20V)$$

- (۱) اگر الکتروکود هیدروژن به پایانه‌ی مثبت ولت‌سنج متصل شود، عدد $+1/20V$ بر روی آن نمایش داده می‌شود.
- (۲) E° برای SHE فقط در دمای اتاق ($25^{\circ}C$) برابر صفر در نظر گرفته می‌شود.
- (۳) جنس الکتروکود در هر دو نیم‌سلول یکسان است.
- (۴) با مصرف $6/72$ لیتر گاز هیدروژن (در شرایط STP) در آند، $55/8$ گرم بر جرم کاتد افزوده می‌شود.

۷۰- کدام یک از موارد زیر در مورد واکنش فلز نیکل با محلول مس (II) سولفات درست است؟

- (۱) رنگ محلول واکنش همانند رنگ محلول واکنش فلز روی با محلولی که حاوی یون‌های فلزی Cu^{2+} است، با گذشت زمان بی‌رنگ می‌شود.
- (۲) در نیم‌واکنش کاهش این واکنش، یک الکترون جذب هر کاتیون می‌شود.
- (۳) یون Ni^{2+} اکسندۀ قوی‌تری نسبت به یون Cu^{2+} می‌باشد.
- (۴) فلز Ni در سری الکتروشیمیایی جایگاه بالاتری نسبت به فلز مس دارد.

۷۱- کدام موارد از مطالب زیر درست‌اند؟

- (آ) مهم‌ترین و پرکاربردترین روش‌های محافظت فلزها، رنگ کردن و قیر اندود کردن آن‌هاست.
- (ب) هر گاه در سطح آهن سفید خراشی ایجاد شود، در محل خراش یک سلول گالوانی تشکیل می‌شود.
- (پ) از ورقه‌های حلبی برای ساختن قوطی‌های کنسرو و روغن نباتی استفاده می‌شود و در اثر ایجاد خراش، Fe نقش آند را ایفا می‌کند.
- (ت) مجموع ضرایب در نیم‌واکنش کاتدی مربوط به خوردگی آهن سفید، برابر ۱۱ می‌باشد.

- (۱) ب، پ، ت (۲) آ، ت (۳) پ، ت (۴) آ، ب

۷۲- کدام مطلب در مورد سلول‌های الکترولیتی درست می‌باشد؟

- (۱) با مصرف جریان برق مستقیم توسط الکترودها، واکنش شیمیایی انجام می‌شود که در آن انرژی شیمیایی به انرژی الکتریکی تبدیل می‌شود.
- (۲) برقکافت آب، آبکاری و تولید جریان الکتریسیته از جمله کاربردهای سلول‌های الکترولیتی هستند.
- (۳) جهت حرکت الکترون‌ها از قطب مثبت به منفی و نیم‌واکنش‌های الکترودی در مسیر غیر خودبه‌خودی انجام می‌شوند.
- (۴) الکتروکود موجود در سلول‌های الکترولیتی، می‌تواند ترکیب یونی مذاب یا محلول یونی در آب باشد.

۷۳- با توجه به شکل زیر که به سلول الکتروشیمیایی استاندارد «آهن - مس» مربوط است، چند مورد از موارد زیر درست است؟

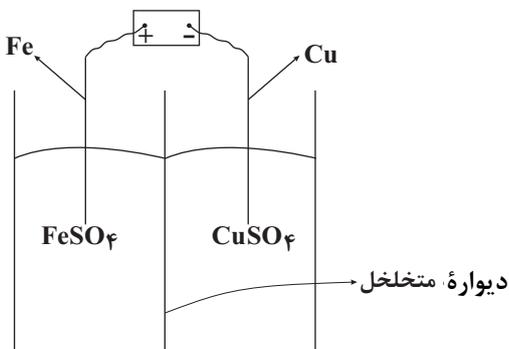
$$E^{\circ}(Fe^{2+}/Fe) = -0/44V, E^{\circ}(Cu^{2+}/Cu) = +0/34V$$

(آ) E° ای که ولت‌سنج نشان می‌دهد، برابر $0/78$ ولت است.

(ب) با افزایش غلظت محلول $CuSO_4$ ، مقدار بیشتری از آهن دچار کاهش می‌شود.

(پ) غلظت Fe^{2+} افزایش یافته و کاتیون‌ها از دیواره متخلخل به سوی قطب منفی سلول حرکت می‌کنند.

(ت) این شکل طرح ساده‌ای از یک سلول گالوانی است که تیغه مس الکترون را از مدار بیرونی از تیغه آهن دریافت می‌کند.



۴ (۴)

۱ (۳)

۳ (۲)

۲ (۱)

۷۴- کدام گزینه در مورد برقکافت محلول سدیم کلرید غلیظ در آب صحیح است؟

(۱) سلول دانه یک سلول الکترولیتی است که این واکنش در آن رخ می‌دهد.

(۲) در این واکنش در سطح کاتد، کاتیون سدیم کاهش می‌یابد.

(۳) در واکنش کلی این فرایند، تنها یکی از فراورده‌ها به حالت گازی تولید می‌شود.

(۴) در سطح آند Cl^- به گاز کلر تبدیل می‌شود.

۷۵- کدام یک از مطالب زیر در مورد فرآیند هال صحیح نیست؟

(۱) بخش (۱) الکترولیت سلول بوده که به صورت Al_2O_3 حل شده در Na_3AlF_6 می‌باشد.

(۲) فلز آلومینیم در این فرایند به صورت مذاب و از زیر الکترولیت خارج می‌شود.

(۳) در واکنش کلی در این سلول به ازای تولید ۴ مول Al ، ۲ مول کربن دی‌اکسید آزاد می‌شود.

(۴) بخش (۲) آند گرافیتی و بخش (۳) کاتد گرافیتی است.

۷۶- در فرایند صنعتی تولید فلز سدیم

(۱) گاز تولید شده در این سلول همان گازی است که در برقکافت آب به دست می‌آید.

(۲) با افزودن مقداری محلول $CaCl_2$ دمای ذوب تا حدود $587^\circ C$ پایین می‌آید.

(۳) الکترودی که الکترون‌ها را از الکترولیت خارج می‌کند، به قطب مثبت باتری متصل شده است.

(۴) نیم‌واکنش $Na^+(l) + e^- \rightarrow Na(s)$ در کاتد انجام می‌شود.

۷۷- در فرایند آبکاری

(۱) نمی‌توان یک قاشق پلاستیکی را توسط نقره آبکاری کرد.

(۲) به مرور لایه‌ای از فلز آند بر روی سطح الکتروود مثبت قرار می‌گیرد.

(۳) با پیشرفت واکنش از جرم الکتروودی که به قطب منفی باتری وصل است، کاسته می‌شود.

(۴) اطراف الکتروود کاتد حباب‌هایی از گاز H_2 آزاد شده و pOH محلول افزایش می‌یابد.

۷۸- چند مورد از موارد زیر در مورد رایج‌ترین سلول سوختی صحیح است؟

(آ) عکس فرایند برقکافت آب در این سلول انجام شده و از ترکیب گازهای H_2 و O_2 ، آب و جریان الکتریکی تولید می‌شود.

(ب) لایه‌های کاتالیزگر در واقع همان آند و کاتد می‌باشند که در دو سمت غشای مبادله‌کننده پروتون قرار دارند.

(پ) نقش غشای مبادله‌کننده، انتقال یون مثبت به سمت الکتروود مثبت می‌باشد.

(ت) در این سلول واکنش بین هیدروژن و اکسیژن به شدت انجام شده و در انتهای سلول $H_2O(l)$ تولید می‌شود.

(۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) ۴

۷۹- در یک سلول سوختی 110 گرم متان به نیم‌سلول آندی و 400 گرم اکسیژن به نیم‌سلول کاتدی وارد می‌شود. اگر 20% از متان ورودی

از نیم‌سلول آندی خارج شود، چند درصد از گاز اکسیژن ورودی، می‌تواند بدون انجام واکنش، از نیم‌سلول کاتدی خارج شود؟

($O = 16, C = 12, H = 1 : g.mol^{-1}$)

(۱) ۲۴ (۲) ۸۸ (۳) ۱۲ (۴) ۷۶

۸۰- کدام یک از موارد زیر همواره در مورد جامدهای یونی درست است؟

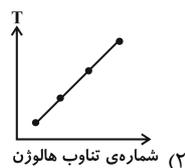
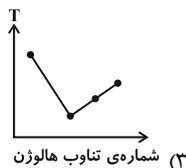
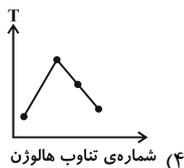
(۱) رسانای جریان برق نیستند.

(۲) از فلزات و نافلزات ساخته شده‌اند.

(۳) تعداد یون‌های مثبت و منفی در آن‌ها با هم برابر است.

(۴) فقط از پیوندهای یونی ساخته شده‌اند.

۸۱- کدام نمودار، تغییرات نقطه‌ی جوش ترکیب‌های هیدروژن‌دار هالوژن‌ها را درست نشان می‌دهد؟





$$f(x) = \begin{cases} 1 + a \cos \pi x & , x > 1 \\ bx^\gamma + x & , x \leq 1 \end{cases}$$

$$\Rightarrow f'(x) = \begin{cases} -a\pi \sin \pi x & , x > 1 \\ \gamma bx + 1 & , x < 1 \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} f'_+(1) = 0 \\ f'_-(1) = \gamma b + 1 \end{cases} \Rightarrow \gamma b + 1 = 0 \Rightarrow b = -\frac{1}{\gamma}$$

با قرار دادن $b = -\frac{1}{\gamma}$ در رابطه (*)، a را می‌یابیم:

$$a - \frac{1}{\gamma} = 0 \Rightarrow a = \frac{1}{\gamma}$$

گزینه «۳» -۴

تعریف مشتق در $x = 0$ را می‌نویسیم:

$$f'(0) = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\left[\frac{\gamma}{x}\right] \sin^2 x - 0}{x - 0}$$

$$= \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{x} \times \lim_{x \rightarrow 0} \left[\frac{\gamma}{x}\right] \sin x = 1 \times \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\gamma}{x} \times \sin x = 1 \times \gamma = \gamma$$

گزینه «۱» -۵

$$A = f' \sqrt{\frac{g}{f}} + g' \sqrt{\frac{f}{g}} = \frac{f' \sqrt{g}}{\sqrt{f}} + \frac{g' \sqrt{f}}{\sqrt{g}} = \frac{f'g + g'f}{\sqrt{f.g}}$$

$$= \gamma \left(\frac{f'g + g'f}{\gamma \sqrt{f.g}} \right) = \gamma (\sqrt{f.g})'$$

$$\sqrt{f.g} = \sqrt{(x^\gamma - x^\gamma + x)^\gamma} = \sqrt{x^\gamma} = x^{\frac{\gamma}{2}}$$

$$\Rightarrow A = \gamma (\sqrt{f.g})' = \gamma (x^{\frac{\gamma}{2}})' = \gamma x^{\frac{\gamma}{2}-1} = \gamma x^{\frac{\gamma-2}{2}}$$

گزینه «۲» -۶

راه حل اول: از تابع دو بار مشتق می‌گیریم:

$$f(x) = x + 1 + (g(x))^\delta \Rightarrow f'(x) = 1 + \delta(g(x))^{\delta-1} g'(x) \quad (*)$$

برای محاسبه مشتق دوم از فرمول $(u.v)' = u'v + v'u$ استفاده می‌کنیم:

$$\Rightarrow f''(x) = \gamma \cdot (g(x))^{\gamma-1} (g'(x))^\gamma + \delta(g(x))^{\delta-1} g''(x)$$

برای محاسبه $f''(0)$ در تساوی فوق مقدار $x = 0$ قرار می‌دهیم:

$$f''(0) = \gamma \cdot (g(0))^{\gamma-1} (g'(0))^\gamma + \delta(g(0))^{\delta-1} g''(0) \quad (**)$$

دیفرانسیل

گزینه «۲» -۱

با استفاده از تعریف مشتق راست داریم:

$$f'_+(-1) = \lim_{x \rightarrow (-1)^+} \frac{x[-x^\gamma] - 1}{x + 1}$$

بنابراین در این جا چون $x \rightarrow (-1)^+$ میل می‌کند، لذا $-1 < x < 0$ می‌باشد.

بنابراین $0 < x^\gamma < 1$ و از آن $-1 < -x^\gamma < 0$ نتیجه می‌گردد. لذا $[-x^\gamma] = -1$

، بنابراین با توجه به مطالب فوق داریم:

$$f'_+(-1) = \lim_{x \rightarrow (-1)^+} \frac{x(-1) - 1}{x + 1} = -1$$

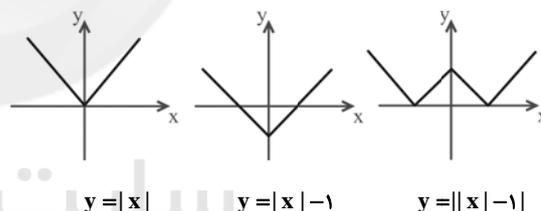
گزینه «۳» -۲

ابتدا ضابطه $f \circ f$ را می‌یابیم.

$$f(f(x)) = f(1 - |x|) = 1 - |1 - |x|| = 1 - ||x| - 1|$$

بنابراین کافی است نقاط مشتق‌ناپذیری تابع $||x| - 1|$ را بیابیم. از روش

ترسیم، برای یافتن این نقاط استفاده می‌کنیم.



تابع با ضابطه $g(x) = ||x| - 1|$ در سه نقطه مشتق‌ناپذیر است، پس تابع با

ضابطه $f(f(x))$ نیز در سه نقطه مشتق‌ناپذیر است.

گزینه «۴» -۳

تابع f در هریک از ضابطه‌ها، مشتق‌پذیر است، بنابراین برای اینکه f روی R

مشتق‌پذیر باشد، باید در $x = 1$ مشتق‌پذیر باشد، لذا:

(۱) باید در $x = 1$ پیوسته باشد:

$$\begin{cases} \lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow 1^+} (1 + a \cos \pi x) = 1 - a \\ f(1) = \lim_{x \rightarrow 1^-} f(x) = \lim_{x \rightarrow 1^-} (bx^\gamma + x) = b + 1 \end{cases}$$

$$\Rightarrow 1 - a = b + 1 \Rightarrow a + b = 0 \quad (*)$$

$$f'_-(1) = f'_+(1) \quad (۲)$$



۹- گزینه «۲»

$$M \left| \begin{array}{l} \alpha \\ \ln \alpha \end{array} \right. , y' = \frac{1}{x} \Rightarrow m = \frac{1}{\alpha}$$

$$\alpha \text{ بر حسب } y - \ln \alpha = \frac{1}{\alpha}(x - \alpha)$$

$$\text{نقطه } (0,0) \text{ را در این معادله صدق می‌دهیم: } -\ln \alpha = \frac{1}{\alpha}(-\alpha)$$

$$\Rightarrow \ln \alpha = 1 \Rightarrow \alpha = e \Rightarrow m = \frac{1}{e}$$

۱۰- گزینه «۴»

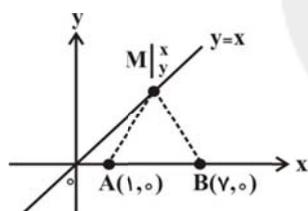
$$P = (MA)^2 + (MB)^2$$

$$P = (\sqrt{(x-1)^2 + x^2})^2 + (\sqrt{(x-7)^2 + x^2})^2$$

$$P = (x-1)^2 + x^2 + (x-7)^2 + x^2$$

$$P' = 2(x-1) + 2x + 2(x-7) = 0$$

$$P' = 8x - 16 = 0 \Rightarrow x = 2$$



۱۱- گزینه «۱»

باید نقاطی درونی از دامنه تابع را بیابیم که در آن‌ها، f' برابر صفر است یا f' وجود ندارد. دامنه تابع $R - \{0\}$ است، هم‌چنین تابع در دامنه خود پیوسته است.

$$f(x) = \frac{\sqrt{1+x^2}}{x} \Rightarrow f'(x) = \frac{2x}{2\sqrt{1+x^2}} \times x - \frac{\sqrt{1+x^2}}{x^2}$$

$$\Rightarrow f'(x) = \frac{\frac{x^2}{\sqrt{1+x^2}} - \sqrt{1+x^2}}{x^2} = \frac{x^2 - (x^2 + 1)}{x^2 \sqrt{1+x^2}}$$

$$\Rightarrow f'(x) = \frac{-1}{x^2 \sqrt{1+x^2}} \neq 0$$

مخرج f' در $x=0$ صفر می‌شود ولی از آن‌جا که این نقطه، عضو دامنه تابع نیست، بنابراین نقطه بحرانی نخواهد بود و تابع نقطه بحرانی ندارد.

از طرفی با قرار دادن $x=0$ در تساوی (*) و با توجه به تساوی $f'(0) = g(0) = 1$ خواهیم داشت:

$$\xrightarrow{(*)} f'(0) = 1 + \Delta(g(0))^2 g'(0) \Rightarrow 1 = 1 + \Delta(1)^2 g'(0)$$

$$\Rightarrow g'(0) = 0$$

بنابراین با قرار دادن مقادیر $g(0) = 1$ و $g''(0) = 0$ در تساوی (***) خواهیم داشت:

$$f''(0) = 2 \cdot (1)^2 (0)^2 + \Delta(1)^2 g''(0) \Rightarrow f''(0) = \Delta g''(0)$$

راه حل دوم: با توجه به اینکه بعد از مشتق اول و قرار دادن $x=0$ در آن

$$g'(0) = 0 \text{ حاصل شد برای محاسبه مشتق دوم عبارت } \Delta(g(x))^2 \cdot g'(x) \text{ تنها}$$

کافی است از عامل صفرشونده مشتق بگیریم بنابراین:

$$f''(x) = 0 + \Delta(g(x))^2 \cdot g''(x) \Rightarrow f''(0) = \Delta g''(0)$$

۷- گزینه «۴»

ابتدا چند بار از تابع مشتق می‌گیریم:

$$f(x) = x \ln x$$

$$f'(x) = \ln x + 1 \Rightarrow f''(x) = \frac{1}{x} \Rightarrow f'''(x) = -\frac{1}{x^2}$$

$$\Rightarrow f^{(4)}(x) = \frac{2}{x^3} \Rightarrow f^{(\Delta)}(x) = -\frac{6}{x^4}$$

$$\Rightarrow f^{(10)}(x) = \frac{10!}{x^9} \text{ به همین ترتیب می‌توان گفت:}$$

$$f^{(10)}(2) = \frac{10!}{2^9} \text{ در } x=2 \text{ داریم:}$$

۸- گزینه «۲»

$$g(x) = f\left(\frac{1}{x}\right) \Rightarrow g'(x) = -\frac{1}{x^2} f'\left(\frac{1}{x}\right)$$

$$x = \frac{1}{2} : g\left(\frac{1}{2}\right) = f(2) = 6$$

از طرفی $f'(2) = 2$ پس $f'(2) = 2$ بنابراین:

$$x = \frac{1}{2} : g'\left(\frac{1}{2}\right) = -\frac{1}{\left(\frac{1}{2}\right)^2} f'(2) \Rightarrow g'\left(\frac{1}{2}\right) = -4f'(2) = -4(2) = -8$$

$$(g^{-1})'(6) = \frac{1}{g'\left(\frac{1}{2}\right)} = \frac{1}{-8}$$



۱۲ - گزینه «۱»

$$f(x) = x^3 e^{-x} \Rightarrow f'(x) = 3x^2 e^{-x} - x^3 e^{-x}$$

$$= e^{-x} x^2 (3-x) \geq 0 \Rightarrow x \leq 3 \quad (1)$$

همواره نامنفی

$$f'(x) = e^{-x} (3x^2 - x^3)$$

$$f''(x) = e^{-x} (6x - 3x^2) - e^{-x} (3x^2 - x^3)$$

باید $f' \geq 0$ و $f'' > 0$ باشد، لذا:

$$= e^{-x} (6x - 3x^2 - 3x^2 + x^3) = e^{-x} (x^3 - 6x + 6) x > 0$$

همواره مثبت

با توجه به اینکه ریشه‌های معادله $x^3 - 6x + 6 = 0$ ، برابر $3 - \sqrt{3}$ و $3 + \sqrt{3}$

است، بنابراین با استفاده از جدول تعیین علامت خواهیم داشت:

x	$-\infty$	0	$3 - \sqrt{3}$	$3 + \sqrt{3}$	$+\infty$
f''	-	0	+	0	+
f		↘	↗	↘	↗

$$0 < x < 3 - \sqrt{3} \quad \text{یا} \quad x > 3 + \sqrt{3} \quad (2)$$

بنابراین از اشتراک (۱) و (۲) در بازه $(0, 3 - \sqrt{3})$ ، تابع صعودی و مقعر رو به بالا دارد.

۱۳ - گزینه «۱»

مشتق تابع را در $x=1$ محاسبه می‌کنیم:

$$y = x^{1-x} \Rightarrow \ln y = \ln x^{(1-x)} = (1-x) \ln x$$

$$\frac{y'}{y} = -\ln x + \frac{1-x}{x} \Rightarrow y' = y \left(-\ln x + \frac{1-x}{x} \right)$$

$$y' = x^{1-x} \left(-\ln x + \frac{1-x}{x} \right) = -x^{1-x} \left(\ln x + \frac{x-1}{x} \right)$$

$$y'(1) = 0$$

علامت مشتق در اطراف $x=1$ به صورت زیر است:

$$\lim_{x \rightarrow 1^+} y' = -1^{0^+} (\ln)^+ + \frac{1^+ - 1}{1^+} = -(0^+ + 0^+) = 0^-$$

$$\lim_{x \rightarrow 1^-} y' = -1^{0^-} (\ln)^- + \frac{1^- - 1}{1^-} = -(0^- + 0^-) = 0^+$$

x	1
y'	0^- 0^+
	max

بنابراین تابع در $x=1$ ماکزیمم نسبی دارد.

۱۴ - گزینه «۳»

$$y = \begin{cases} x^4 - 36x^2 & ; -6 \leq x \leq 6 \text{ یا } x \geq 6 \\ -(x^4 - 36x^2) & ; x < -6 \text{ یا } 0 < x < 6 \end{cases}$$

$$\Rightarrow y' = \begin{cases} 4x^3 - 72x & ; -6 < x \leq 6 \text{ یا } x > 6 \\ -(4x^3 - 72x) & ; x < -6 \text{ یا } 0 < x < 6 \end{cases}$$

دقت کنید که $y'_+(6) \neq y'_-(6)$ و $y'_+(0) = y'_-(0) = 0$

$$.y'_+(-6) \neq y'_-(-6)$$

$$y'' = \begin{cases} 12x^2 - 72 & ; -6 < x < 6 \text{ یا } x > 6 \\ -(12x^2 - 72) & ; x < -6 \text{ یا } 0 < x < 6 \end{cases}$$

$$y'' = 0 \Rightarrow x = \pm\sqrt{6}$$

دقت کنید که y'' در $x = \pm 6$ ، $x = \pm\sqrt{6}$ و $x = 0$ تغییر علامت می‌دهد اما در

$x = \pm 6$ خط مماس وجود ندارد، پس عطف نیست. پس مجموعه طول نقاط

عطف برابر $\{0, \pm\sqrt{6}\}$ است.

x	-6	$-\sqrt{6}$	0	$\sqrt{6}$	6
y''	-	+	0	-	+
y		↘	↗	↘	↗
		عطف	عطف	عطف	

۱۵ - گزینه «۱»

نمودار $f'(x)$ در x_1 و x_3 اکسترمم نسبی دارد، پس $f(x)$ در این دو نقطه عطف

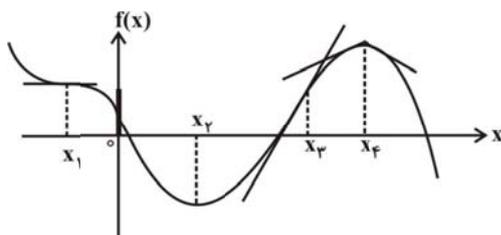
دارد. همچنین $f'_+(0) = f'_-(0) = -\infty$ است، پس $f(x)$ در $x=0$ عطف قائم

دارد. همچنین طبق جدول آزمون مشتق اول $f(x)$ در x_2 و x_4 دارای اکسترمم

نسبی است.

x	x_2
f'	- 0 +
f	↘ ↗
	min نسبی

x	x_4
f'	+ 0 -
f	↘ ↗
	max نسبی





$$a' - a'' = (0, 2, -2)$$

$$a' \cdot (a' - a'') = 0 \Rightarrow 2 - 2m + 2 = 0 \Rightarrow m = 2 \Rightarrow a'' = (2, -1, 2)$$

بردارهای a و a'' هم اندازه هستند بنابراین:

$$|a| = |a''| = \sqrt{4+1+9} = \sqrt{14}$$

۱۹- گزینه «۴»

می‌دانیم که $k \times i = j$ و $j \times k = i$ ، $i \times j = k$ داریم:

$$(3j+k) \times (k-i) = 3j \times k - 3j \times i + \underbrace{k \times k}_{=0} - k \times i$$

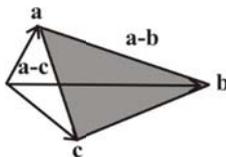
$$= 3i - j + 3k \quad (*)$$

$$\xrightarrow{(*)} (i-j+k) \cdot ((3j+k) \times (k-i))$$

$$= (i-j+k) \cdot (3i-j+3k) = 3+1+3 = 7$$

۲۰- گزینه «۴»

مطابق شکل زیر مساحت مثلث هاشورزده برابر است با:



$$S = \frac{1}{2} |(a-b) \times (a-c)|$$

$$a-b = (0, 1, 1) - (4, 5, -3) = (-4, -4, 4)$$

$$a-c = (0, 1, 1) - (2, 5, 1) = (-2, -4, 0)$$

$$(a-b) \times (a-c) = (16, -8, 8)$$

$$S = \frac{1}{2} \sqrt{16^2 + (-8)^2 + 8^2} = \frac{1}{2} \sqrt{4+1+1} = 4\sqrt{6}$$

۲۱- گزینه «۱»

خط گذرنده از کانون‌های هذلولی یکی از محورهای هذلولی است.

$$9(x^2 - 4x) - 4(y^2 + 6y) - 36 = 0$$

$$\Rightarrow 9(x-2)^2 - 4(y+3)^2 = 36 \Rightarrow \frac{(x-2)^2}{4} - \frac{(y+3)^2}{9} = 1$$

چون هذلولی افقی است، پس محور کانونی آن خط $y = -3$ است.

هندسه تحلیلی

۱۶- گزینه «۱»

بردار $e_a + e_b$ بردار نیمساز زاویه بین بردارهای a و b است. داریم:

$$|a| = 3 \Rightarrow e_a = \left(-\frac{1}{3}, \frac{2}{3}, \frac{2}{3}\right)$$

$$|b| = 3 \Rightarrow e_b = \left(\frac{2}{3}, -\frac{1}{3}, -\frac{2}{3}\right)$$

$$e_a + e_b = \left(\frac{1}{3}, \frac{1}{3}, 0\right) \Rightarrow |e_a + e_b| = \sqrt{\frac{1}{9} + \frac{1}{9}} = \frac{\sqrt{2}}{3}$$

بنابراین برای یافتن بردار جهت نیمساز زاویه بین بردارهای a و b ، کافی است

بردار $e_a + e_b$ را بر اندازه آن یعنی $\frac{\sqrt{2}}{3}$ تقسیم کنیم. در نتیجه بردار مورد نظر

برابر است با $\left(\frac{\sqrt{2}}{3}, \frac{\sqrt{2}}{3}, 0\right)$ که مجموع مؤلفه‌های آن برابر $\sqrt{2}$ است.

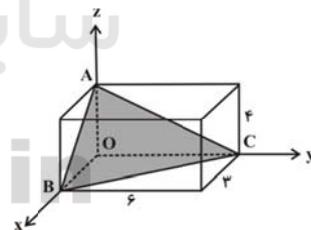
۱۷- گزینه «۴»

اگر دستگاه مختصات فضایی را بر یال‌های مکعب مستطیل منطبق کنیم، داریم:

$$A = (0, 0, 4), B = (3, 0, 0), C = (0, 6, 0)$$

پس \overline{BA} و \overline{BC} به صورت زیر هستند و با کمک آن‌ها می‌توان کسینوس زاویه

B را محاسبه کرد.

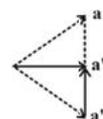


$$\overline{BA} = (-3, 0, 4), \overline{BC} = (-3, 6, 0)$$

$$\cos B = \frac{\overline{BA} \cdot \overline{BC}}{|\overline{BA}| |\overline{BC}|} = \frac{9+0+0}{5 \times 3\sqrt{5}} = \frac{3}{5\sqrt{5}} = \frac{3\sqrt{5}}{25}$$

۱۸- گزینه «۴»

بردار $a' - a''$ بر بردار a' عمود است بنابراین ضرب داخلی آن‌ها صفر می‌شود.





گزینه ۱» ۲۲ -

با توجه به معادله بعد از دوران، $F = -4$ و $A + C = 5$ است. در گزینه «۴»

اگر معادله را بر ۲ تقسیم کنیم، داریم:

$$\frac{5}{2}x^2 + \frac{5}{2}y^2 - 3xy = 4$$

در این صورت $f = -4$ و $a + c = \frac{5}{2} + \frac{5}{2} = 5$ می باشد.

گزینه ۱» ۲۵ -

$$(x - y)^2 + xy = 6k \Rightarrow x^2 - xy + y^2 = 6k$$

$$\tan 2\theta = \frac{b}{a - c} = \frac{-1}{1 - 1} = \infty \Rightarrow 2\theta = 90^\circ \Rightarrow \theta = 45^\circ$$

$$\Rightarrow \sin \theta = \cos \theta = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$\begin{cases} x = \frac{\sqrt{2}}{2}x' - \frac{\sqrt{2}}{2}y' \\ y = \frac{\sqrt{2}}{2}x' + \frac{\sqrt{2}}{2}y' \end{cases}, (x - y)^2 + xy = 6k$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2}x'^2 + \frac{3}{2}y'^2 = 6k \Rightarrow \frac{x'^2}{12k} + \frac{y'^2}{4k} = 1$$

$$\Rightarrow c^2 = a^2 - b^2 = 4k \Rightarrow c = \sqrt{4k}$$

$$\Rightarrow \sqrt{4k} = 2\sqrt{2} \Rightarrow k = 1$$

گزینه ۳» ۲۶ -

$$B^T = -B$$

$$(B + A^T)^T = \begin{bmatrix} 3 & 4 & 5 \\ 2 & 3 & 1 \\ -1 & -4 & 7 \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow (A^T)^T + B^T = \begin{bmatrix} 3 & 4 & 5 \\ 2 & 3 & 1 \\ -1 & -4 & 7 \end{bmatrix} = A - B$$

$$\Rightarrow A + A^T = (A - B) + (B + A^T)$$

$$\Rightarrow A + A^T = \begin{bmatrix} 3 & 4 & 5 \\ 2 & 3 & 1 \\ -1 & -4 & 7 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 3 & 2 & -1 \\ 4 & 3 & -4 \\ 5 & 1 & 7 \end{bmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix} 6 & 6 & 4 \\ 6 & 6 & -3 \\ 4 & -3 & 14 \end{bmatrix}$$

$$(A + A^T) = 6 + 6 + 14 = 26 \text{ مجموع درایه های قطر اصلی}$$

$$\frac{(y - \frac{1}{3})^2}{4} - \frac{x^2}{2} = 1$$

$$e = \sqrt{1 + \frac{b^2}{a^2}} = \sqrt{1 + \frac{2}{4}} = \sqrt{\frac{3}{2}}$$

هذلولی دوم چون متساوی الساقین است، خروج از مرکز آن $\sqrt{2}$ می باشد. نسبت

این دو خروج از مرکز برابر است با:

$$\frac{\sqrt{3}}{\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

گزینه ۲» ۲۳ -

$$x^2 + xy + y^2 - 6 = 0 \Rightarrow \tan 2\theta = \frac{b}{a - c} = \infty$$

$$\Rightarrow 2\theta = \frac{\pi}{2} \Rightarrow \theta = \frac{\pi}{4}$$

$$\begin{cases} x = \frac{\sqrt{2}}{2}(x' - y') \\ y = \frac{\sqrt{2}}{2}(x' + y') \end{cases}$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2}(x' - y')^2 + \frac{1}{2}(x'^2 - y'^2) + \frac{1}{2}(x' + y')^2 - 6 = 0$$

$$\Rightarrow \frac{3x'^2}{2} + \frac{1}{2}y'^2 - 6 = 0$$

$$\Rightarrow \frac{x'^2}{4} + \frac{y'^2}{12} = 1 \Rightarrow a = 2\sqrt{3} \text{ بیضی قائم و}$$

$$A = (0, 2\sqrt{3}) \Rightarrow x = \frac{\sqrt{2}}{2}(0 - 2\sqrt{3}) = -\sqrt{6}$$

$$A' = (0, -2\sqrt{3}) \Rightarrow x = \frac{\sqrt{2}}{2}(0 + 2\sqrt{3}) = \sqrt{6}$$

گزینه ۴» ۲۴ -

می دانیم اگر $ax^2 + bxy + cy^2 + dx + ey + f = 0$ معادله غیر استاندارد

مقطع مخروطی و $Ax^2 + Cy^2 + Dx + Ey + F = 0$ معادله آن بعد از دوران

محورهای مختصات باشد، آنگاه در صورتی که $F = f$ ، خواهیم داشت:

$$A + C = a + c$$



۲۷- گزینه «۲»

از اتحادهای مثلثاتی می‌دانیم $\frac{1}{\cos^2 \theta} = 1 + \tan^2 \theta$ ، پس خواهیم داشت:

$$A = \begin{bmatrix} \tan x & -1 \\ \frac{1}{\cos^2 x} & -\tan x \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow A^2 = \begin{bmatrix} \tan x & -1 \\ \frac{1}{\cos^2 x} & -\tan x \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \tan x & -1 \\ \frac{1}{\cos^2 x} & -\tan x \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{bmatrix} = -I$$

$$\Rightarrow A^{30} + A^{20} + A^0 = (-I)^{15} + (-I)^{10} + (-I)^0 = -I$$

۲۸- گزینه «۱»

اگر A ماتریس ضرایب، B ماتریس مقادیر ثابت و $X = \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{bmatrix}$ ماتریس

مجهول‌های یک دستگاه معادلات خطی باشد، خلاصه شده فرم ماتریسی این

دستگاه به صورت معادله ماتریسی $AX = B$ است. برای حل آن، طرفین را از

سمت چپ در A^{-1} ضرب می‌کنیم.

$$X = A^{-1}B \text{ و } A^{-1} = \frac{1}{|A|} A^*$$

$$|A^*| = |A|^{n-1} \Rightarrow 9 = |A|^2 \Rightarrow |A| = 3 \Rightarrow A^{-1} = \frac{1}{3} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 3 \\ 2 & 3 & 4 \\ 1 & 0 & 6 \end{bmatrix}$$

$$X = \frac{1}{3} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 3 \\ 2 & 3 & 4 \\ 1 & 0 & 6 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} -3 \\ 1 \\ 3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} x_1 = 2 \\ x_2 = 3 \\ x_3 = 5 \end{bmatrix} \Rightarrow x_1 + x_2 + x_3 = 10$$

۲۹- گزینه «۱»

با توجه به فرض مسئله نتیجه می‌شود که دترمینان ماتریس ضرایب باید برابر

صفر باشد.

$$\begin{vmatrix} a & -2 & 1 \\ 2 & 1 & a \\ 2 & 4 & 3 \end{vmatrix} = 0 \Rightarrow (3a - 4a + 8) - (2 - 12 + 4a^2) = 0$$

$$\Rightarrow -4a^2 - a + 18 = 0 \Rightarrow a = 2, -\frac{9}{4}$$

۳۰- گزینه «۱»

چون هر سه صفحه بر یک خط می‌گذرند پس دترمینان ضرایب مجهولات برابر صفر است. داریم:

$$\begin{vmatrix} 2 & -1 & -1 \\ 1 & b & -1 \\ 1 & 1 & -2 \end{vmatrix} = 0 \Rightarrow b = 0$$

و یک نقطه مشترک سه صفحه، به صورت $(0, 1, -1)$ است، پس $d = 0$

ریاضیات گسسته

۳۱- گزینه «۴»

$A \cap B$ یعنی دو عدد متمایز رو شوند و مجموع آن‌ها ۸ یا ۹ یا ۱۰ یا ۱۱ یا

۱۲ باشد. این برآمدها عبارتند از:

$$(3, 5), (5, 3), (4, 5), (5, 4), (6, 4), (4, 6)$$

$$(2, 6), (6, 2), (3, 6), (6, 3), (6, 5), (5, 6)$$

$$n(A \cap B) = 12$$

پس:

۳۲- گزینه «۴»

عدد	۱	۲	۳	۴	۵	۶
مقسوم علیه	۱	۱, ۲	۱, ۳	۱, ۲, ۴	۱, ۵	۱, ۲, ۳, ۶

$$P(1) = x, P(2) = P(3) = P(5) = 2x, P(4) = 3x, P(6) = 4x$$

$$\sum P(i) = x + 2x + 2x + 3x + 2x + 4x = 14x = 1 \Rightarrow x = \frac{1}{14}$$

$$\Rightarrow P(\{2, 6\}) = 2x + 4x = 6x = 6 \left(\frac{1}{14} \right) = \frac{3}{7}$$

۳۳- گزینه «۳»

فضای نمونه‌ای آزمایش مورد نظر عبارت است از:

$$S = \{13, 15, 16, 31, 35, 36, 51, 52, 56, 61, 63, 65\}$$

اگر پیشامد مورد نظر ما A باشد، آنگاه $A = \{13, 31, 53, 61\}$ در نتیجه:

$$P(A) = \frac{n(A)}{n(S)} = \frac{4}{12} = \frac{1}{3}$$



$$\Rightarrow \underbrace{2(P(A) + P(B) - 2P(A \cap B)) + 2P(A \cap B)}_{=P(A \Delta B)} = 2$$

$$\Rightarrow P(A \cap B) = \frac{2 - 2 \times 0 / 7}{3} = \frac{0 / 6}{3} = 0 / 2$$

گزینه «۲» - ۳۸

ممکن است لامپ انتخابی از جعبه سوم، از بین لامپ‌های معیوب جعبه اول باشد یا از بین لامپ‌های معیوب جعبه دوم، پس با کمک فرمول احتمال کل خواهیم داشت:

$$P = \frac{9}{15} \times \frac{5}{20} + \frac{6}{15} \times \frac{3}{15} = \frac{3}{5} \times \frac{1}{4} + \frac{2}{5} \times \frac{1}{5}$$

$$= \frac{3}{20} + \frac{2}{25} = \frac{15+8}{100} = \frac{23}{100}$$

گزینه «۴» - ۳۹

پیشامد تصادفی مورد نظر شامل ۲ حالت است؛ یکی خروج ۲ مهره آبی و یک مهره سفید و در نتیجه خروج ۳ مهره قرمز و دیگری خروج ۴ مهره آبی و دو مهره سفید. احتمال مورد نظر برابر است با:

$$P(A) = \frac{\binom{4}{2} \binom{2}{1} \binom{4}{3} + \binom{4}{4} \binom{2}{2}}{\binom{10}{6}} = \frac{48+1}{210} = \frac{49}{210} = \frac{7}{30}$$

گزینه «۲» - ۴۰

احتمال انتخاب مهره سفید و سیاه در هر دفعه به ترتیب برابر $\frac{3}{8}$ و $\frac{5}{8}$ است بنابراین احتمال آنکه در بار چهارم برای اولین بار مهره سفید خارج شود برابر است با $\left(\frac{5}{8}\right)^3 \times \frac{3}{8}$ و احتمال آن که حداقل ۴ انتخاب لازم باشد برابر است با:

$$\left(\frac{5}{8}\right)^3 \times \frac{3}{8} + \left(\frac{5}{8}\right)^4 \times \frac{3}{8} + \dots = \frac{\left(\frac{5}{8}\right)^3 \times \frac{3}{8}}{1 - \frac{5}{8}} = \left(\frac{5}{8}\right)^3$$

بنابراین نسبت احتمالها برابر است با $\frac{3}{8}$.

گزینه «۲» - ۳۴

$$P(\text{بیزد و غذا نسوزد}) = P(\text{غذا بیزد}) \times P(\text{بیزد و غذا نسوزد})$$

$$= 0 / 4 \times (1 - 0 / 8) = 0 / 4 \times 0 / 2 = 0 / 08$$

گزینه «۳» - ۳۵

چون پرتابها از هم مستقل اند پس احتمال هر کدام از پرتابها را در هم ضرب می‌کنیم:

$$\left. \begin{aligned} P(3) &= \frac{1}{6} \\ P(3 \text{ مضرب}) &= \frac{2}{6} = \frac{1}{3} \\ P(3 \text{ کم تراز}) &= \frac{2}{6} = \frac{1}{3} \end{aligned} \right\} \Rightarrow \frac{1}{6} \times \frac{1}{3} \times \frac{1}{3} = \frac{1}{54}$$

گزینه «۳» - ۳۶

می‌توان فهمید که احتمال پیروزی و شکست در این آزمایش $\frac{1}{2}$ است پس

$$\frac{\binom{6}{4}}{\binom{6}{6}} = \frac{15}{64}$$

احتمال ۴ بار موفقیت در ۶ آزمایش برابر است با:

گزینه «۳» - ۳۷

می‌دانیم که برای هر پیشامد E، $P(E') = 1 - P(E)$ ، از طرف دیگر بنا بر فرض سؤال $P(A \Delta B) = 0 / 7$ ، پس خواهیم داشت:

$$P(A' \cap B') = P((A \cup B)') = 1 - P(A \cup B)$$

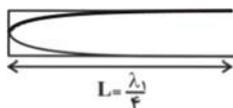
$$\rightarrow 1 - P(A \cup B) = 1 - (1 - P(A)) - (1 - P(B))$$

$$\Rightarrow 1 - P(A \cup B) = P(A) + P(B) - 1$$

اما $P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B)$ ، در نتیجه:

$$1 - P(A) - P(B) + P(A \cap B) = P(A) + P(B) - 1$$

$$\Rightarrow 2P(A) + 2P(B) - P(A \cap B) = 2$$



$$L = \frac{\lambda_1}{4} \Rightarrow \lambda_1 = 4L = 4 \times 50 = 200 \text{ cm} \Rightarrow \lambda_1 = 2 \text{ m}$$

۴۳- گزینه «۲»

در این حالت که در طول لوله دو گره پدید آمده است، می توان نوشت:

$$L = \frac{(2n-1)\lambda}{4} \quad n=2 \rightarrow L = \frac{3\lambda}{4}$$

طول موج صوت هوای درون لوله برابر است با:

$$\lambda = \frac{v}{f} = \frac{340}{680} = 0.5 \text{ m} \Rightarrow \lambda = 50 \text{ cm}$$

طول لوله برابر است با:

$$L = \frac{3}{4} \times 50 = 37.5 \text{ cm}$$

۴۴- گزینه «۲»

با استفاده از رابطه تراز شدت یک صوت، داریم:

$$\beta = 10 \log \frac{I}{I_0} \Rightarrow \beta_2 - \beta_1 = 10 \log \frac{I_2}{I_1}$$

$$\Rightarrow 26 - 20 = 10 \log \frac{I_2}{I_1} \Rightarrow 0.6 = \log \frac{I_2}{I_1}$$

$$\frac{0.6}{10} = \log \frac{I_2}{I_1} \Rightarrow \log \frac{I_2}{I_1} = 0.6 \Rightarrow \frac{I_2}{I_1} = 10^{0.6} = 4$$

۴۵- گزینه «۲»

در انتشار یک موج صوتی، فاصله دو جبهه پرفشار موج برابر با طول موج صوت است. بنابراین در این سؤال، نسبت طول موج در جلوی منبع صوتی متحرک به طول موج در پشت آن خواسته شده است.

از طرفی چون منبع صوتی حرکت می کند، طول موج در جلو و پشت آن با هم متفاوت است. بنابراین با استفاده از رابطه اثر دوپلر، داریم:

$$\lambda_{\text{جلو}} = \frac{v - v_s}{f_s}, \quad \lambda_{\text{پشت}} = \frac{v + v_s}{f_s}$$

$$\Rightarrow \frac{\lambda_{\text{جلو}}}{\lambda_{\text{پشت}}} = \frac{v - v_s}{v + v_s} = \frac{330 - 30}{330 + 30} = \frac{300}{360} \Rightarrow \frac{\lambda_{\text{جلو}}}{\lambda_{\text{پشت}}} = \frac{5}{6}$$

فیزیک پیش دانشگاهی

۴۱- گزینه «۳»

روش اول: ابتدا از روی تغییرات دمای هوای درون لوله، تغییرات سرعت انتشار صوت را در آن به دست می آوریم:

$$v = \sqrt{\gamma \frac{RT}{M}} \Rightarrow \frac{v'}{v} = \sqrt{\frac{T'}{T}}$$

$$\frac{T' = T + \frac{0.2}{1} T = 1.2 T}{v} \rightarrow \frac{v'}{v} = \sqrt{\frac{1.2 T}{T}} = 1.1$$

اکنون نسبت طول موجها را در دو حالت حساب می کنیم و از روی آن رابطه طول موج با طول لوله را به دست می آوریم:

$$v = \lambda f \quad \frac{f_n' = f_n}{\lambda_n'} = \frac{v'}{v} = 1.1$$

$$\frac{\lambda_n = \frac{2}{11} L}{\lambda_n'} = 1.1 \times \frac{2}{11} L = \frac{2}{10} L = \frac{1}{5} L$$

روش دوم: پس از محاسبه نسبت تغییرات سرعت می توان نوشت:

$$L = n \frac{\lambda_n}{2} \quad \frac{\lambda_n = \frac{2}{11} L}{2} \rightarrow L = n \times \frac{11}{2} \Rightarrow n = 11$$

$$f_n = \frac{nv}{2L} \Rightarrow \frac{f_n'}{f_n} = \frac{n'}{n} \times \frac{v'}{v} \quad \frac{f_n' = f_n}{v} \rightarrow \frac{v'}{v} = \frac{n}{n'}$$

$$\frac{v' = 1.1v}{n = 11} \rightarrow 1.1 = \frac{11}{n'} \Rightarrow n' = 10$$

$$\frac{L = n \frac{\lambda_n'}{2}}{2} \rightarrow L = 10 \times \frac{\lambda_n'}{2} \Rightarrow \lambda_n' = \frac{2}{10} L \quad \text{یا} \quad \lambda_n' = \frac{1}{5} L$$

۴۲- گزینه «۱»

برای تشخیص نوع لوله صوتی، بسامد دو هماهنگ متوالی لوله صوتی را بر هم تقسیم و ساده می کنیم. اگر پس از ساده کردن، صورت و مخرج به صورت دو عدد فرد متوالی باشند، لوله صوتی یک انتها بسته است و اگر صورت و مخرج به صورت دو عدد صحیح متوالی باشند، لوله صوتی دو انتها باز است. در این

$$\frac{f'}{f} = \frac{750}{450} = \frac{5}{3} \quad \text{مسأله داریم:}$$

چون صورت و مخرج پس از ساده کردن به صورت دو عدد فرد متوالی هستند، لوله صوتی یک انتها بسته است و طول موج صوت اصلی لوله برابر است با:



۴۶- گزینه «۳»

چون به چشمه صوت نزدیک می شویم، بسامدی که دریافت می کنیم، بیش تر از بسامد اصلی چشمه صوتی است، لذا داریم:

$$v_0 = 10 \frac{m}{s} \quad v_s = 0$$

$$\boxed{O} \longrightarrow \boxed{S} \quad f_s = 660 \text{ Hz}$$

$$v = 330 \frac{m}{s}$$

$$v_0 = 36 \frac{km}{h} = 10 \frac{m}{s}$$

$$f_0 = \frac{v + v_0}{v} f_s = \frac{330 + 10}{330} \times 660 \Rightarrow f_0 = 680 \text{ Hz}$$

۴۷- گزینه «۱»

طبق متن کتاب درسی و شکل ۶-۹، طول موج امواج رادیویی باند MW از طول موج امواج رادیویی باند SW بیش تر است.

۴۸- گزینه «۴»

با توجه به رابطه بین طول موج و بسامد یک موج الکترومغناطیسی داریم:

$$\lambda = \frac{c}{f} = \frac{3 \times 10^8}{5 \times 10^{14}} = 6 \times 10^{-7} \text{ m} = 600 \text{ nm}$$

می دانیم که محدوده طول موج امواج مرئی بین ۴۰۰nm تا ۷۰۰nm می باشد،

بنابراین می توان نتیجه گرفت این موج الکترومغناطیسی جزء امواج مرئی می باشد.

۴۹- گزینه «۳»

چشمه پرتوی گاما هسته ای مواد پرتوزا و پرتوهای کیهانی هستند. چون پرتوهای گاما فوتون هایی با انرژی بسیار بالا و با قدرت نفوذ بسیار زیاد دارد، از آن ها برای از بین بردن بافت های سرطانی و ضد عفونی کردن تجهیزات و وسایل استفاده می شود. هم چنین به علت داشتن طول موج بسیار کوتاه برای پیدا کردن ترک در فلزات نیز به کار می رود.

۵۰- گزینه «۲»

چون دو نوار دقیقاً در یک مکان تشکیل شده اند، پس $x'_m = x'_n$ است، بنابراین می توان نوشت:

$$x_n = x'_m \frac{x_n = \frac{nD\lambda_1}{a}}{x'_m = \frac{(2m-1)D\lambda_2}{2a}} \rightarrow \frac{nD\lambda_1}{a} = \frac{(2m-1)D\lambda_2}{2a}$$

$$\Rightarrow 2n\lambda_1 = (2m-1)\lambda_2$$

$$\frac{n=5, \lambda_1=420 \text{ nm}, m=4}{\Rightarrow 2 \times 5 \times 420 = (2 \times 4 - 1)\lambda_2}$$

$$\Rightarrow \lambda_2 = 600 \text{ nm}$$

۵۱- گزینه «۱»

در هوا فاصله سومین نوار روشن از نوار روشن مرکزی برابر است با:

$$x_3 = 3 \frac{D\lambda}{a}$$

اما در آب به ضریب شکست $\frac{4}{3}$ طول موج برابر $\frac{3\lambda}{4} = \lambda'$ است. یعنی

فاصله نوار روشن چهارم از نوار مرکزی در آب برابر است با:

$$x_4 = 4 \frac{D\lambda'}{a} = \frac{4D}{a} \times \frac{3}{4} \lambda = \frac{3D\lambda}{a}$$

$$\frac{x_4}{x_3} = 1$$

با تقسیم مقادیر خواهیم داشت:

۵۲- گزینه «۱»

ابتدا باید دوره تناوب این نور را به دست آوریم:

$$\lambda = c.T \Rightarrow 0.6 \times 10^{-6} = 3 \times 10^8 \times T \Rightarrow T = 2 \times 10^{-15} \text{ s}$$

اگر اختلاف زمانی رسیدن امواج از دو شکاف به پرده مضرب زوجی از نصف

دوره تناوب باشد، نوار مورد نظر روشن اگر این اختلاف زمانی مضرب فردی از

نصف دوره تناوب باشد، نوار مورد نظر تاریک است، بنابراین می توان نوشت:

$$\frac{\Delta t}{\left(\frac{T}{2}\right)} = \frac{8 \times 10^{-3} \times 10^{-12}}{2 \times 10^{-15}} = 8 \Rightarrow \text{نوار مورد نظر روشن است.}$$

$$\Delta t = 2n \left(\frac{T}{2}\right) \Rightarrow 2n = 8 \Rightarrow n = 4$$



۵۳- گزینه «۲»

بنابر رابطه قانون جابه‌جایی وین، ثابت $\lambda_{\max} T =$ می‌توان نوشت:

$$c = \lambda f \Rightarrow \lambda_{\max} = \frac{c}{f_{\max}}$$

$$\frac{c}{f_{\max}} T = \text{ثابت}$$

یعنی بسامد مربوط به موج دارای بیش‌ترین تابندگی با دمای جسم متناسب

است و با افزایش دمای جسم، افزایش می‌یابد.

۵۴- گزینه «۱»

ابتدا انرژی هر فوتون را به‌دست می‌آوریم:

$$E = hf = h \frac{c}{\lambda} \Rightarrow E = 6.67 \times 10^{-34} \times \frac{3 \times 10^8}{5 \times 10^{-7}} = 4 \times 10^{-19} \text{ J}$$

ثابتی بر هر مترمربع از سطح زمین، 10^3 J انرژی ناشی از نور خورشید می‌تابد.

بنابراین تعداد فوتون‌ها برابر است با:

$$n = \frac{E_T}{E} = \frac{10^3}{4 \times 10^{-19}} = 2.5 \times 10^{21} \text{ فوتون مترمربع}$$

۵۵- گزینه «۲»

انرژی لازم برای کندن الکترون از سطح فلز سدیم باید توسط انرژی فوتون‌های

فرودی تأمین شود. بنابراین داریم:

$$E = hf \Rightarrow W_0 = hf_{\min}$$

$$\Rightarrow W_0 = \frac{hc}{\lambda_{\max}} \Rightarrow \lambda_{\max} = \frac{4/14 \times 10^{-15} \times 3 \times 10^8}{2/0.7}$$

$$\Rightarrow \lambda_{\max} = 6 \times 10^{-7} \text{ m} = 600 \text{ nm}$$

۵۶- گزینه «۱»

طبق رابطه اینشتین برای پدیده فوتوالکتریک، می‌دانیم زمانی که ولتاژ

متوقف‌کننده برابر با صفر می‌شود، بسامد نور فرودی همان بسامد قطع فلز است.

بنابراین داریم:

$$eV_0 = hf - W_0 \xrightarrow{V_0=0} W_0 = hf_0 = 6/6 \times 10^{-34} \times 10^{15}$$

$$\Rightarrow W_0 = 6/6 \times 10^{-19} \text{ J}$$

$$\xrightarrow{1eV = 1/6 \times 10^{-19} \text{ J}} W_0 = 4/125 eV$$

۵۷- گزینه «۳»

رابطه بیشینه انرژی جنبشی فوتوالکترون‌ها با بسامد نور:

$$K_{\max} = hf - W_0 = hf - hf_0$$

$$\Rightarrow K_{\max}(A) = 4 \times 10^{-15} \times 10^{15} - 4 \times 10^{-15} \times 5 \times 10^{14} = 2eV$$

$$\Delta K_{\max} = e(V_B - V_A) = 3eV$$

$$\Delta K_{\max} = K_{\max}(B) - K_{\max}(A)$$

$$\Rightarrow 3 = K_{\max}(B) - 2 \Rightarrow K_{\max}(B) = 5eV$$

۵۸- گزینه «۳»

با توجه به این که بسامد با طول موج رابطه عکس دارد و در نظر گرفتن این

نکته که برای گسیل کم‌ترین بسامد تابشی هر رشته در اتم هیدروژن، الکترون

باید از یک تراز بالاتر به آن رشته برود، می‌توان نوشت:

$$\frac{1}{f'_{\min}} = \frac{1}{\lambda'_{\max}} = \frac{R_H \left(\frac{1}{1^2} - \frac{1}{2^2} \right)}{R_H \left(\frac{1}{2^2} - \frac{1}{3^2} \right)} = \frac{3}{4} \frac{R_H}{R_H} = \frac{3}{4}$$

$$\frac{1}{f_{\min}} = \frac{1}{\lambda_{\max}} = \frac{R_H \left(\frac{1}{2^2} - \frac{1}{3^2} \right)}{R_H \left(\frac{1}{3^2} - \frac{1}{4^2} \right)} = \frac{5}{36} \frac{R_H}{R_H} = \frac{5}{36}$$

۵۹- گزینه «۲»

اگر شعاع مدار پایه را a_0 و انرژی الکترون را در این مدار E_1 در نظر بگیریم

داریم:

$$E_n = -\frac{E_R}{n^2} \Rightarrow \frac{E_{n_2}}{E_{n_1}} = \left(\frac{n_1}{n_2} \right)^2 \xrightarrow{n_1=1, n_2=3} \frac{E_3}{E_1} = \frac{1}{9}$$

$$r_n = n^2 a_0 \Rightarrow \frac{r_{n_2}}{r_{n_1}} = \left(\frac{n_2}{n_1} \right)^2 \xrightarrow{n_1=1, n_2=3} \frac{r_3}{r_1} = 9$$

۶۰- گزینه «۳»

طبق نظریه نواری در مورد اجسام نارسانا، گاف انرژی بین آخرین نوار پر و

اولین نوار خالی بزرگ است و هیچ الکترونی نمی‌تواند برانگیخته شود و از نوار

پر به نوار خالی برود.

شیمی پیش دانشگاهی

۶۱- گزینه «۲»

$\Delta H = -120 \text{ kJ}$ رفت واکنش ۱

$\Delta H = +140 \text{ kJ}$ برگشت واکنش ۲

ΔH واکنش ۲ در جهت برگشت به اندازه ۲۶۰ کیلوژول از ΔH واکنش ۱ در جهت رفت بیش تر است. بررسی سایر گزینه‌ها:

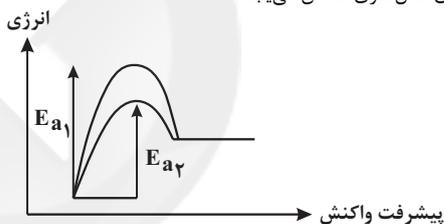
گزینه «۱»: انرژی فعال سازی واکنش ۲ در جهت برگشت، ۱۵۰ کیلوژول و انرژی فعال سازی آن در جهت رفت ۱۰ کیلوژول است. پس در شرایط یکسان سرعت واکنش ۲ در جهت برگشت، کم تر از سرعت همین واکنش در جهت رفت است.

گزینه «۳»: در هر دو واکنش، فراورده‌ها سطح انرژی پایین تر و پایداری بیش تری نسبت به واکنش دهنده‌ها دارند.

$$\left. \begin{array}{l} E_{a1} = 120 \text{ kJ} \\ E'_{a2} = 150 \text{ kJ} \end{array} \right\} \Rightarrow E'_{a2} - E_{a1} = 30 \text{ kJ} \quad \text{گزینه «۴»}$$

۶۲- گزینه «۲»

در حضور کاتالیزگر انرژی فعال سازی کاهش می‌یابد.



$$E_{a2} = x - \frac{1}{4}x = \frac{3}{4}x \quad \text{و} \quad E'_{a2} = \frac{x}{4}$$

$$\Delta H_{\text{واکنش}} = E_{a2} - E'_{a2} = \frac{3}{4}x - \frac{1}{4}x = \frac{x}{2}$$

$$\Rightarrow \Delta H_{\text{واکنش}} = E_{a1} - E'_{a1} = x - E'_{a1} = \frac{x}{2} \Rightarrow E'_{a1} = \frac{x}{2}$$

$$\Rightarrow \frac{E_{a1} + E'_{a1}}{E_{a2} + E'_{a2}} = \frac{x + \frac{x}{2}}{\frac{3x}{4} + \frac{x}{4}} = \frac{1/\Delta x}{x} = 1/5$$

۶۳- گزینه «۳»

در صورت تغییر دما، K تغییر می‌کند و بر اثر تغییر K ، تعادل به هم می‌خورد. بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه اول: مثلاً در مورد تعادل $\text{CaCO}_3(\text{s}) \rightleftharpoons \text{CaO}(\text{s}) + \text{CO}_2(\text{g})$ درست نیست.

گزینه دوم: به طور کلی افزودن یک ماده، تعادل را در جهت مصرف آن جابجا می‌کند.

گزینه چهارم: در این صورت، مقدار K افزایش می‌یابد.

۶۴- گزینه «۳»

بررسی گزینه‌ها:

(۱) با افزایش فشار، واکنش در جهت مول گازی کمتر یعنی در جهت رفت پیشرفت می‌کند.

(۲) با توجه به اینکه مول گازی در دو طرف واکنش یکسان است، با تغییر حجم یا فشار تغییری در جهت پیشرفت واکنش ایجاد نمی‌شود.

(۳) با کاهش فشار، تعادل در جهت مول گازی بیشتر یعنی در جهت برگشت جابه‌جا می‌شود.

(۴) با کاهش حجم، تعادل در جهت مول گازی کمتر یعنی در جهت رفت جابه‌جا می‌شود.

۶۵- گزینه «۱»

افزودن آهک به خاک باعث کاهش میزان اسیدی بودن و افزایش pH خاک می‌گردد.

۶۶- گزینه «۲»

گزینه «۱»: در همه آمینواسیدهای طبیعی گروه آمین روی همان کربنی قرار دارد که گروه کربوکسیل قرار می‌گیرد.

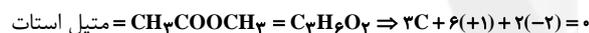
گزینه «۲»: آمینواسیدها به دلیل داشتن توام گروه اسید و آمین می‌توانند تبادل پروتون در داخل خود مولکول داشته باشند.

گزینه «۳»: ساده‌ترین آمینو اسید دارای فرمول مولکولی $\text{C}_2\text{H}_5\text{NO}_2$ می‌باشد.

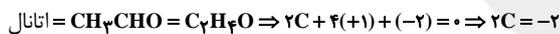
گزینه «۴»: گلی‌سین در اتانول نامحلول است.

۶۷- گزینه «۲»

مجموع عدد اکسایش کربن‌ها در متیل استات با اتانال یکسان و برابر ۲- است.



$$\Rightarrow 3\text{C} = -2$$



۶۸- گزینه «۳»

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه «۱»: کاهش، هم‌ارز با گرفتن هیدروژن و اکسایش، هم‌ارز با گرفتن اکسیژن تعریف می‌شد.

گزینه «۲»: پتانسیل‌های الکترودی استاندارد، تنها برای واکنش‌هایی به کار می‌رود که در محلول آبی روی می‌دهند.

گزینه «۴»: متانال را می‌توان از اکسایش متانول به وسیله‌ی اکسیژن در حضور کاتالیزگر فلز نقره و در دمای 500°C تهیه کرد.

۶۹- گزینه «۳»

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه «۱»: چون در این سلول الکترود هیدروژن آند و الکترود پلاتین کاتد است، پس الکترود هیدروژن قطب منفی و الکترود پلاتین قطب مثبت سلول است. پس اگر الکترود هیدروژن به پایانه‌ی مثبت متصل شود، ولت‌سنج عدد $-1/2\text{V}$ را نمایش می‌دهد.

گزینه «۲»: با توجه به صفحه‌ی ۱۰۲ کتاب درسی، E° برای SHE در هر دمایی برابر صفر در نظر گرفته می‌شود.

گزینه «۴»: $\Delta H / \Delta G_{\text{Pt}} = \frac{6/77 \text{ LH}_2 \times \frac{\text{molH}_2}{77/4 \text{ LH}_2} \times \frac{\text{molPt}}{\text{molH}_2} \times \frac{195 \text{ gPt}}{\text{molPt}}}{\text{molPt}} = \Delta H / \Delta G_{\text{Pt}}$

۷۰- گزینه «۴»

گزینه «۴» صحیح است. فلز Ni در سری الکتروشیمیایی جایگاه بالاتری نسبت به فلز مس دارد. بررسی سایر گزینه‌ها:



۷۶- گزینه «۳»

گزینه «۱»: در فرایند صنعتی تولید فلز سدیم در آند گاز Cl_2 تولید می‌شود در صورتی که در برقکافت آب، گازهای O_2 و H_2 تولید می‌شود. گزینه «۲»: با افزودن مقداری CaCl_2 (نه در حالت محلول)، دمای ذوب تا حدود 587°C پایین می‌آید. گزینه «۳»: الکتروند آند به قطب مثبت باتری وصل بوده و مسئول خروج الکترون‌ها از الکترولیت می‌باشد. گزینه «۴»: نیم‌واکنش کاتدی: $\text{Na}^+(\text{l}) + \text{e}^- \rightarrow \text{Na}(\text{l})$

۷۷- گزینه «۱»

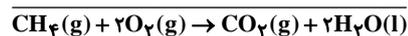
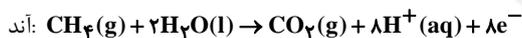
گزینه «۱»: فاشق پلاستیکی رسانای جریان برق نیست. بنابراین نمی‌توان آن را آبکاری کرد. گزینه «۲»: به مرور در فرایند آبکاری لایه‌ای از فلز آند بر روی سطح الکتروند منفی (کاتد) قرار می‌گیرد. گزینه «۳»: با پیشرفت واکنش به جرم الکتروند منفی (کاتد) افزوده می‌شود. گزینه «۴»: هر دو نیم‌واکنش انجام شده در فرایند آبکاری مربوط به فلزی است که روکش واقع می‌شود، لذا گازی تولید نمی‌شود.

۷۸- گزینه «۳»

موارد «الف»، «ب» و «پ» صحیح هستند. عبارت «ت»: واکنش بین هیدروژن و اکسیژن در این سلول به صورت کاملاً کنترل شده می‌شود و در انتهای سلول $\text{H}_2\text{O}(\text{g})$ تولید می‌شود.

۷۹- گزینه «۳»

واکنش‌های انجام شده در این سلول به صورت زیر است:



۲۰٪ متان از آند خارج شده، پس ۸۰٪ آن وارد واکنش می‌شود.

$$? \text{g O}_2 = 110 \text{g CH}_4 \times \frac{80}{100} \times \frac{1 \text{ mol CH}_4}{16 \text{ g CH}_4} \times \frac{2 \text{ mol O}_2}{1 \text{ mol CH}_4}$$

$$\times \frac{32 \text{ g O}_2}{1 \text{ mol O}_2} = 352 \text{ g O}_2$$

$$400 - 352 = 48 \text{ g O}_2 \text{ خروجی}$$

$$\frac{48 \text{ g O}_2}{400 \text{ g O}_2} \times 100 = 12\%$$

۸۰- گزینه «۱»

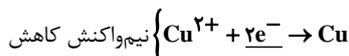
جامدهای یونی رسانایی الکتریکی ندارند و باید ذوب شده یا در آب حل شوند تا این امکان برای آن‌ها فراهم شود. در ترکیبات آمونیوم (مثلاً NH_4Cl) فقط از نافلزات ساخته شده‌اند و پیوند کووالانسی نیز در آن‌ها وجود دارد. گاهی اوقات تعداد یون‌های مثبت و منفی با هم برابر است (مثلاً NaCl) اما گاهی این‌طور نیست. (مثلاً MgCl_2)

۸۱- گزینه «۳»

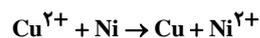
نقطه‌ی جوش ترکیب‌های هیدروژن‌دار هالوژن‌ها به دلیل جرم و حجم زیاد $\text{HF} > \text{HI} > \text{HBr} > \text{HCl}$

به دلیل تشکیل پیوند هیدروژنی

گزینه «۱»: بر اثر واکنش فلز نیکل با محلول مس (II) سولفات رنگ محلول با گذشت زمان به سمت سبز شدن پیش می‌رود. در صورتی که در واکنش فلز روی با محلول مس (II) سولفات با گذشت زمان محلول بی‌رنگ می‌شود. گزینه «۲»: دو الکترون جذب هر کاتیون می‌شود.



گزینه «۳»: طبق واکنش انجام‌پذیر زیر، یون Cu^{2+} اکسند قوی‌تری نسبت به Ni^{2+} است.



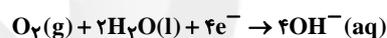
۷۱- گزینه «۱»

(آ) نادرست - یکی از مهم‌ترین و پرکاربردترین روش‌های محافظت فلزها حفاظت کاتدی است.

(ب) درست است.

(پ) درست - زیرا در سری الکتروشیمیایی آهن (Fe) بالاتر از قلع (Sn) قرار داشته و هرگاه در سطح حلبی خراشی ایجاد شود، آهن اکسایش می‌یابد و قلع محافظت می‌شود. برخلاف حلبی از آهن سفید برای ساختن ظروف بسته‌بندی مواد غذایی استفاده نمی‌شود.

(ت) درست - نیم‌واکنش کاتدی مربوط به خوردگی آهن سفید (آهن گالوانیزه) به صورت زیر می‌باشد و مجموع ضرایب آن برابر ۱۱ است.



۷۲- گزینه «۳»

در سلول‌های الکترولیتی یک واکنش شیمیایی انجام می‌شود که در آن انرژی الکتریکی به انرژی شیمیایی تبدیل می‌شود. همچنین تولید جریان الکتریسیته از کاربردهای سلول‌های الکترولیتی نمی‌باشد. الکترولیت (نه الکتروند) مورد استفاده در سلول‌های الکترولیتی، می‌تواند یک ترکیب یونی مذاب یا محلول یونی در آب باشد.

۷۳- گزینه «۳»

بررسی موارد:

(آ) قطب‌های ناهمنام سلول الکتروشیمیایی و ولت‌سنج به هم متصل می‌باشند، پس مقداری که ولت‌سنج نشان می‌دهد منفی است. (نادرست)

(ب) با افزایش غلظت محلول CuSO_4 آهن بیشتری دچار اکسایش می‌شود. (نادرست)

(پ) کاتیون‌ها به سمت قطب مثبت (مس) حرکت می‌کنند. (نادرست)

(ت) تیغه مس کاتد و تیغه آهن آند است. جریان الکترون در مدار بیرونی از تیغه آهنی به سمت تیغه مسی است. (درست)

۷۴- گزینه «۴»

گزینه‌های «۱»، «۲» و «۳» در مورد برقکافت سدیم کلرید مذاب صحیح‌اند نه برقکافت سدیم کلرید محلول در آب.

۷۵- گزینه «۳»

واکنش کلی این فرایند به صورت $2\text{Al}_2\text{O}_3 + 3\text{C} \rightarrow 2\text{CO}_2 + 4\text{Al}$ می‌باشد که به ازای ۴ مول Al تولیدی ۳ مول کربن دی‌اکسید آزاد می‌شود.