

دفترچه شماره ۱

آزمون شماره ۱۳

جمعه ۹۸/۰۹/۲۹



# آزمون‌های سراسری کاج

گزینه درست را انتخاب کنید.

سال تحصیلی ۱۴۰۰-۱۴۰۱

## آزمون عمومی

پایه دوازدهم ریاضی و تجربی  
دوره دوم متوسطه

شماره داوطلبی:	نام و نام خانوادگی:
مدت پاسخگویی: ۷۵ دقیقه	تعداد سوالاتی که باید پاسخ دهید: ۱۰۰

عنوانین مواد امتحانی آزمون عمومی گروه‌های آزمایشی علوم ریاضی و علوم تجربی، تعداد سوالات و مدت پاسخگیری

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سوال	شیوه سوال		مدت پاسخگویی
			از	تا	
۱	فارسی	۲۵	۱	۲۵	۱۸ دقیقه
۲	زبان عربی	۲۵	۲۶	۵۰	۲۰ دقیقه
۳	دین و زندگی	۲۵	۵۱	۷۵	۱۷ دقیقه
۴	زبان انگلیسی	۲۵	۷۶	۱۰۰	۲۰ دقیقه



فارسی

- |   |  |   |  |  |   |  |   |
|---|--|---|--|--|---|--|---|
| -۱  |  |   |  |  |   |  |   |
| <p>در کدام گزینه به معنی درست واژه‌های «بالیز - سرسام - سامان - دمساز - آونگ» اشاره شده است؟</p> <p>(۱) مرغزار - سرگچه - میستر - مونس - تخت پادشاهی<br/>     (۲) باغ - ورم مغز - امکان - همدلی - آویزان<br/>     (۳) گلزار - هذیان - درخور - همراه - آویخه<br/>     (۴) کشتزار - پریشانی - نظم - دردآشنا - سربر</p> <p>معنی چند واژه روبه روی آن درست نوشته شده است؟</p> <p>شایب: باطریوت / لفاف: بیچیدن / صباحت: سحرخیزی / آماش: تهنشین شدن / وزر: بار سنگین / مخنجه: گردن بند / گسیل کردن: روانه کردن / ضعیب: سخت / رُقعت: امضای نامه و فرمان / زنخدان: گونه»</p> | (۱) چهار<br>در معنی واژه‌های کدام گزینه اشتباه وجود ندارد؟ | (۲) سه<br>ا) نفط: بساط شترنچ / نزند: اندوهگین / طیلسان: نوعی ردا / سرپر زدن: توجه کردن<br>ب) بازیسته: پیوسته و مرتبط / استبعاد: دور داشتن / دستور: وزیر / معجزه: سرپوش<br>c) گزره: خشمگین / ضماد: مرهم / سفله: بدسرشت / متفق: همسو<br>d) مرشد: پیشوای غاییه: یکی از نامهای قیامت / مبشر: مزده رسان / مندک: جای عبادت حاجیان | (۳) پنج<br>ایات کدام گزینه <u>فاقد غلط املایی</u> است؟   | (۴) شش<br>ا) الف) دوستان را جای شکر و تهییت مانده است از آنک<br>ب) درون خوش بیرداز تا بررون آیند<br>ج) مه بر زمین نرفت و پری دیده برنداشت<br>د) روستا یا بجهای هست درون بازار<br>ه) آن جا جهان نور است هم حور و هم قصور است<br>و) بزم فراق آراست دل کو بی محابا غمزهای | (۵) شصت<br>در متن زیر چند <u>غلط املایی</u> وجود دارد؟  | (۶) هفت<br>چون قویی در این بیغوله هست، بی غولان ضلال رفت و فربی هلاوت و عده نفس خوردن و آرزوی محال پختن، نشان خامی و دشمن کامی باشد، و بدان که مزاج علیل از آلام علت، آن‌گه نیک شود و روی به بیهی نهد که نظر از اشتهاي طبع برگيرد و در صیانت نفس، همیت مردانه پیش آرد تا تأثیر آفات ذایل گردد. |   |
| <p>ار صدف بشکست از او برخاست در شاهوار<br/>ز پرده‌ها به تجلی چو ماه مسطوران<br/>تا زن برم که روی تو ماه است یا پری<br/>دغلی لافزی سخره‌کنی بس عیار<br/>شادی و بزم و صور است با خود از آن نیایم<br/>کش من ز راه چشم خود سر در سرای او دهم</p>  | (۱) الف - ج<br>در چند عبارت <u>غلط املایی</u> وجود دارد؟   | (۲) ب - و<br>در متن زیر چند <u>غلط املایی</u> وجود دارد؟  | (۳) د - الف<br>در چند عبارت <u>غلط املایی</u> وجود دارد؟ | (۴) ج - ه<br>در متن زیر چند <u>غلط املایی</u> وجود دارد؟   | (۵) یک<br>الف) آن که آداب قرب شاهان نداند و گاه و بی‌گاه در خواست و نشست و چاشت و شام با ایشان برابر باشد، از رفعت منزلت بی‌بهره ماند.<br>ب) هرگز پند نپذیری، و عظمت ناصحان در گوش نگذاری، و هرآینه در سر این استبداد و اسرار شوی.<br>ج) و از حقوق پادشاه بر عیت، گذارد حق نعمت و تقریر ابواب مناسخت است، و زیرستان باید در رسائیدن نصیحت مبالغت واجب بینند.<br>د) فایده مکر و حیلیت تو مخدوم را این بود که می‌بینی و آخر وبال و تبعت آن به تو رسد.<br>ه) خشم حلم مرد را در لباس هتك عرضه دهد و علم او را در لباس جهل فرانماید؛ غم عقل را بپوشاند و تن را نزار کند. | (۶) چهار<br>در کدام گزینه «وابسته وابسته» وجود ندارد؟  | (۷) هشت<br>ا) صبح محشر عاجز از ترتیب اوراق من است<br>ب) شد دلم از خانه بی‌روزن گردون سیاه<br>c) می خورم بر یکدگر از جنبش مزگان او<br>d) این جواب آن غزل باشد که شیخ شهر گفت |
| <p>بس که خود را در سراغ او به یکدیگر زدم<br/>هم چو آه از رخنه دل عاقیت بر در زدم<br/>من که چندین بار تها بر صفحه محشر زدم<br/>تاكواكب سبجه گردانید، من ساغر زدم</p>   | (۱) پنج<br>در کدام گزینه «وابسته وابسته» وجود ندارد؟       | (۲) چهار<br>در کدام گزینه «وابسته وابسته» وجود ندارد؟   | (۳) سه<br>در کدام گزینه «وابسته وابسته» وجود ندارد؟      | (۴) دو<br>در چند عبارت <u>غلط املایی</u> وجود دارد؟  | (۵) شصت<br>در متن زیر چند <u>غلط املایی</u> وجود دارد؟  | (۶) هشت<br>در کدام گزینه «وابسته وابسته» وجود ندارد؟   | (۷) هشت<br>ا) صبح محشر عاجز از ترتیب اوراق من است<br>ب) شد دلم از خانه بی‌روزن گردون سیاه<br>c) می خورم بر یکدگر از جنبش مزگان او<br>d) این جواب آن غزل باشد که شیخ شهر گفت |

تا آن رخ گلگون خط شب زنگ برآورد  
کز خنده شود غنچه سیراب پریشان  
شمع تا کشته شدن با همه کس همراه است  
آهی وی رمیشه از قفایش  
از حیرت روی تو زبانی که به بند است  
مراکه جنت دربسته شد خموشی ها  
خیزد صباح روز قیامت ز خاک سست  
(۴) یک (۳) دو (۲) سه (۱) چهار

یک نفس جانی که دارم چون حبابم بر لب است  
به هرجه می نگری یک سراب جلوه نماست  
جوهر آیننه ها فرش گلستان صفات  
گر همه در کام ما ریزند یک دریا شراب  
یک سرمه تا واشود صد دشت آغوشیم ما  
یک زمین و آسمان از اصل خود دوریم ما  
چند عالم بی قراری در دلم افتاده است  
(۴) یک (۳) دو (۲) سه (۱) چهار

در کمین جذبه خورشید تلران نیستم  
خار دیوارم، وبال هیچ دامان نیستم  
عزیزم، هر کجا چون سایه بال هما افتتم  
چون صف میگان دو عالم بی قرار چشم توست

در همه گزینه ها یک بار «نقش هستندی» به کار رفته است، به جز ..... .

کجا به چشم تو از ناله خواب می گردد؟  
عمر خود کوتاه کرد از خنده بسیار گل  
ندرد بار تاگرد مذلت برنمی دارد  
دیده های باز را مسدود می دانیم ما

اگر بخواهیم ایات زیر را به ترتیب داشتن آرایه های «جناس تام - استعاره - حس آمیزی - تلمیح - ایهام تناسب» مرتب کنیم، کدام گزینه درست است؟

ورنه در سینه دریاگهری نیست که نیست  
در دل سنگ تو تخم شروری نیست که نیست  
که نمکدان ملاحت جگری نیست که نیست  
در نهان خانه آن لب، شکری نیست که نیست  
قامت سرکش او را ثمری نیست که نیست

(۲) ه - الف - د - ب - ج

(۴) ج - د - ب - الف - ه

-۸ در چند بیت « فعل مجھول » وجود دارد؟

- الف) خورشید نفس سوخته آمد به تماشا
- ب) زنگار مده راه به دل عیش جهان را
- ج) راستان از سخن خویش نگرفند به تیغ
- د) چون سایه نفس گستته آید
- ه) بانامه پیچیده شود حشر، قیامت
- و) به حرف و صوت گشاییم چرا دهن « صائب »؟
- ز) آن کس که گشت کشته ز سودای جشم تو

(۱) چهار (۲) سه (۳) ده (۴) سه

-۹ در چند بیت « محیز » وجود ندارد؟

- الف) من کی ام تا در طلب چون موج بربندم کمر
- ب) همان حقیقت هیچ است نقش کون و مکان
- ج) یک جهان فضل و هنر خاک ره آگاهی است
- د) چون لب ساحل نصیب ما همان خمیازه است
- ه) چون نگاه از بس به ذوق جلوه هم دوشیم ما
- و) پرتو خورشید جز در خاک نتوان یافتن
- ز) یک دو ساغر اشک جاری گشت از پیمانه ام

(۱) چهار (۲) سه (۳) ده (۴) سه

-۱۰ تعداد وابسته های واپسیه در کدام گزینه مقاوم است؟

- ۱) شبم خود را به همت می برم بر آسمان
- ۲) کردهام با خاکساری جمع اوج اعتبار
- ۳) تلاش مسند عزت ندارم چون گران جانان
- ۴) نه همین سرگشته دارد گردش چشمت مرا

در همه گزینه ها یک بار « نقش هستندی » به کار رفته است، به جز ..... .

- ۱) فسانه می شمرد میست، شور محشر را
- ۲) درگذر از شادی بی عافیت کز سادگی
- ۳) سفیه انگار منعم را که سائل بر در جودش
- ۴) حلقه در از درون خانه باشد بی خبر

الف) نظر پست تو شایسته جولان کف است

ب) عالم از حسن گلسووز تو شد باغ خلیل

ج) این چه شور است که حسن تو به عالم افکند؟

د) زهر دشنام بود قسمت عاشق، ورنه

ه) میوه سرو که گفته است همین آزادی است؟

(۱) ج - الف - ب - ه - د

(۳) ه - الف - د - ج - ب

۱۲- آرایه‌های ذکر شده در مقابل گدام بیت درست نیست؟

دهان پسته پر از خون دل ز خندانی است: استعاره - حسن تعلیل  
به آب خضر تسلی شدن گران جانی است: جناس ناقص - کنایه  
ز حسن، بهره آینه گرچه حیرانی است: تشخیص - مراعات نظر  
که دمت خوار از آن کوته است، عربانی است: ایهام - پارادوکس

(۱) ز اشک، دیده تاریک شمع نورانی است

(۲) به آب تیغ توان شست تا ز هستی دست

(۳) همان به دیدن روی تو می‌برد چشم

(۴) لباس عافیتی هست اگر در این عالم

دو گدام گزینه آرایه‌های «استعاره - تناسب - تشییه - تشخیص - تضاد» وجود دارد؟

آتش عشق از آن لعل گهر بار بیار  
تو تیلی بی این دیده خون بار بیار  
حروف سربسته‌ای از عالم اسرار بیار  
رخ بر قریوز و جهان را به سرکار بیار

(۱) ای صبا، برگی از آن نوگل بی خوار بیار

(۲) به کف خاکی از آن راه‌گذر خرسندم

(۳) خبری داری اگر از دهن یار بگو

(۴) بی‌گل روی تو ذرات جهان در خواباند

۱۵- اگر بخواهیم ایات زیر را به ترتیب داشتن آرایه‌های «تلخیج - استعاره - ایهام تناسب - تشییه - کنایه» مرتب کنیم، گدام گزینه درست است؟

بیستون یک دانه یاقوت شد از تیشهام  
هم به خون من کند شیرین دهان تیشهام  
باده منصور برمی‌آرد از خود شیشهام  
می‌گدازد دل همان در بوته اندیشهام  
چون سپند از جای خیزد پیش پای تیشهام  
من که از زناریان عشق کافریشهام

(الف) غوطه در خون زد سپهر از ناخن اندیشهام

(ب) سوریختی بین که با صد شگرستان حسن او

(ج) مطروب و ساقی نمی‌خواهد دل پرشور من

(د) از گلابم در فلک‌ها شیشه‌ای خالی نماند

(ه) آن سبک‌دستم که چون در بیستون رو آورم

(و) چون کشم در گوش «صائب» حلقة فرمان عقل؟

(۱) ه - الف - ب - د - و

(۳) ب - ه - الف - و - ج

۱۶- نام پدیدآورنده چند اثر در کمانک روبه‌روی آن درست ذکر شده است؟

روزها (اطفالی صورتگر) / اسرارالتوحید (محمد بن منور) / فرهاد و شیرین (نظمی گنجوی) / از پاریز تا پاریس (محمدعلی اسلامی ندوشن) / مثل درخت، در شب باران (م. سرشک) / فی حقیقت العشق (عین القفات همدانی) / فیه ما فیه (مولوی) / بهارستان (سعدي) / الهی نامه (ستایی) / قصہ شیرین فرهاد (وحشی بافقی) / تحفۃالاحرار (عطار) / تمہیدات (شهاب الدین سهروردی)

(۱) شش

(۳) چهار

(۲) پنج

(۴) سه

۱۷- گدام گزینه با مضمون بیت «عشق بر یک فرش بنشاند گدا و شاه را / سیل، یکسان می‌گند پست و بلند راه را» تناسب معنایی بیشتری دارد؟

در فتادن سایه شاه و گدا یکسان بود  
ز آفتاب قیامت کسی مسلم نیست  
پوشیده است پست و بلند زمین در آب  
نیود خیر در آن خانه که عصمت نبود

(۱) برنمی‌دارد زمین خاکسازی امتیاز

(۲) یکی است نسبت داغ جنون به شاه و گدا

(۳) شاه و گدا به دیده دریادلان یکی است

(۴) چون طهارت نبود کعبه و بختانه یکی است

۱۸- مضمون گدام بیت متفاوت است؟

مهر عالم تاب با خفash همدم کی شود؟  
من گرفتم شد ملک ابلیس آدم کی شود؟  
بوی گل را مانع از پرواز شبنم کی شود؟  
هر فضولی در حریم شاه محروم کی شود؟

(۱) عشق هر ناقص بصیرت را نمی‌گردد نسبی

(۲) راهد از طاعت به راز عشق محروم کی شود؟

(۳) مهر خاموشی نگردد پرده اسرار عشق

(۴) عقل را در بارگاه عشق راه حرف نیست

ره روی کبک نیاموخته  
ماند غرامت زده از کار خویش»  
عشق اول قدم از کعبه و بتخانه گذشت  
رشته کوتاه بود مرغ نواموخته را  
این ناله های زار به تقلید می کند  
شور با بابل ز تماشایی گلزار افزود

«عقابت از خمامی خود سوخته  
کرد فرامش ره و رفتار خویش  
۱) عقل از آب و گل تقلید نیامد بیرون  
۲) چه قدر راه به تقلید توان پیمودن؟  
۳) نشنیده است بلبل بی درد بوی عشق  
۴) شعله عشق ز تقلید بلندی گیرد

## ۱۹- کدام گزینه با ایيات زیر تقابل دارد؟

«بسیار دعا کرد و گفت: این حلت فخر است. پذیرفتم و باز دادم که مرا به کار نیست و قیامت سخت نزدیک است، حساب این نتوانم داد و نگویم که مرا سخت در بایست نیست.»

این جاکسی که درد و غم بی شماره یافت  
بیهوده می کند نفس خود شمار صبح  
این حسابی است که بی سیم و زران می داند  
در آن جهان ز حساب و کتاب وارستند

۱) آسوده از حساب به روز شمار شد  
۲) زان کمتر است عمر که گیرند از او حساب  
۳) منuman را به حساب غم ایام چه کار؟  
۴) جماعتی که در این جا نفس شمرده زند

## ۲۰- کدام گزینه با مفهوم عبارت زیر متناسب است؟

«چون من در آن حضرت رسم و تاب آفتاب آن جمال بر من زند، مرا از خود یاد نیاید؛ از تو چون یاد کنم؟!»  
که من ز بی خبری های خود خبر دارم  
که عقل و هوش من از دفتر تو شد سفری  
یادم از خویش نیاید که ز خود بی خبرم  
چشم غوّاص تهی تر ز حباب است این جا

۱) میان اهل خرابات چون سفید شوم  
۲) ز من توقع پیغام و نامه بی خبری است  
۳) جلوه حسن تو از عالم غیب اربند  
۴) نیست زان گوهر نایاب کسی را خبری

## ۲۱- کدام گزینه با مضمون بیت «من به هر جمعیتی نالان شدم / جفت خوش حالان و بدحالان شدم» متناسب تر است؟

یک بار هم از خود سفر مختصراً کن  
از داغ جنون تیر قضا را سپری کن  
تحقیق خبر از دل هر بی خبری کن  
هر کار که نامی است به نام دگری کن

۱) کردنی سفر دور بسی سود نبخشد  
۲) با مردم دیوانه قلم را نبود کار  
۳) در دایرة بی خبران است خبرها  
۴) کمتر نتوان بود به همت زنگینی

## ۲۲- پیام کدام گزینه با مفهوم عبارت «حیات از عشق می شناس و شمات بی عشق می یاب.» قابل معنایی بیش تری دارد؟

عیش مدام، زندگی جاودانه است  
مرده در گور اگر زنده به تلقین گردد  
به تنهایی مخور چون خضر آب زندگانی را  
ورنه خرج کرکسان خواهی شدن مردادوار

۱) آب حیات ماز شراب شبانه است  
۲) سخن عشق کنند در دل افسرده اثر  
۳) حیات جاودان بی دوستان مرگی است پا بر جا  
۴) زنده کن دل را به نور عشق، بر افلک رو

## ۲۳- کدام گزینه با آیه شریفه (إذْهَا إِلَى فِرْعَوْنَ إِنَّهُ طَغَى فَلَوْلَا أَنَّهُ قُوُلَا لَيْلَا) تقابل معنایی دارد؟

فلک حرف زبردستی مدارا نیست  
ورنه بوسی پیرهن را کاروان در کار نیست  
ز احسان نمی شود سگ دیوانه آشنا  
به مویی می توان کوه گرانی را کشید آن جا

۱) اگر از تحمل من خصم شد زبون چه عجب  
۲) ما سبک روحان مدارا با رفیقان می کنیم  
۳) شد نفس بدگهر ز مدارا گزنده تر  
۴) در اقلیم مدارا ضعف بر قوت بود غالب

۲۵- ایات کدام گزینه با یکدیگر تناسب معنایی دارند؟

فرومایه است هر کس دیده‌اش بر سود می‌باشد  
یا که محتاج فرمایه شود، مرد کریم  
هر که زیر تیغ جانان از سر جان بگذرد  
تیغ زهرآلود خضر چشم‌هی حیوان عشق  
ره ندارد در دل خرسند استسقای حرص  
بابان بود و تابستان و آب سرد و استسقا  
چرا به دانه انسانت این گمان باشد؟  
هر سر شوریده‌ای بالانشین دار نیست

۱) زیان نقصان ندارد مایه‌داران مروت را

دردنگ است که در دام شغال افتاد شیر

۲) سر بر آرد از گزربیان حیات جاودان

بگذر از سر تا حیات جاودان یابی که هست

۳) از قناعت می‌رود بیرون ز سر سودای حرص

به حرص از شریطی خوردم مگیر از من که بد کردم

۴) کدام دانه فرورفت در زمین که نزست؟

شاخ طوبی سر فرونارد به هر بی بال و پر



## زبان عربی

■■ عین الأصح والأدق في الجواب للترجمة أو التعریف أو المفہوم (۳۵ - ۲۶):

۲۶- «ربنا آمنا فاغفر لنا وارحمنا وأنت خير الراحمين»:

۱) پروردگار، ایمان آورده‌یم؛ پس ما را بیامز و به ما رحم کن و تو بهترین رحم‌کنندگانی!

۲) خدای ما، ما ایمان آورده‌یم؛ پس ما را بیامز و از ما درگذر و توبی بهترین رحم‌کنندگانی!

۳) پروردگار ما، ایمان آورده‌یم؛ پس تو از ما درگذر و ما را بخشای که تو، بهترین رحم‌کنندگان هست!

۴) بارالهـ، ما را بیامز و به ما رحم کن که ما ایمان آورده‌یم و تو برترین رحم‌کنندگانی!

۲۷- «كان الناس أمة واحدة فبعث الله النبيين مبشرين!»:

۱) مردم یک امت بودند؛ بنابراین خداوند پیامبرانش را فرستاد که بشارت‌دهنده باشند!

۲) مردم امتی واحد بودند و الله پیامبران بشارت‌دهنده را فرستاد!

۳) مردم از یک امت بودند؛ پس خداوند پیامبران بشارت‌دهنده‌اش را گسیل داشت!

۴) مردم امتی یگانه بودند؛ بنابراین الله انبیا را بشارت‌گر فرستاد!

۲۸- «قد نختار في حياتنا طريقة يؤذى إلى شقاوتنا في الدنيا والآخرة!»:

۱) در زندگیمان راهی را بر می‌گزینیم که گاهی منجر به بدبختی در دنیا و آخرت می‌گردد!

۲) راهی را در زندگی برگزیده‌یم که منجر می‌گردد در دنیا و آخرت شغل‌مند شویم!

۳) گاهی در زندگیمان راهی را انتخاب می‌نماییم که منجر به بدبختی مان در دنیا و آخرت می‌شود!

۴) در زندگی خود گاهی راهی را انتخاب کرده‌یم که منجر به بدبختی هم در دنیا و هم در آخرت خواهد شد!

۲۹- « حينما أرى الناس يذهبون إلى الحجّ ثمّ أمامي ذكرياتي!»:

۱) آن هنگام که مردم را دیدم که به حج می‌روند، خاطرات از مقابل چشم‌مان گذشتند!

۲) وقتی که مردم را در حال رفتن به حج می‌بینم، خاطرات از مقابلم می‌گذرند!

۳) هنگامی که مردم را در حال رفتن به حج ببینم، خاطراتی از مقابلم گذر خواهند کردا

۴) هنگام دیدن مردم در حال رفتن به حج، خاطرات من از مقابلم می‌گذشتند!

۳۰- «أعلم شخص أعرفه في الحياة من يقول لا أعلم» كثيراً!:

۱) می‌دانم کسی که در زندگی بسیار بگوید «نمی‌دانم»، از همه داناتر است!

۲) کسی داناتر است که در زندگی اش بسیار بگوید «نمی‌دانم»!

۳) داناترین شخصی که در زندگی ام می‌شناسم، کسی است که بسیار می‌گوید «داناتر نیستم»!

۴) داناترین کسی که در زندگی می‌شناسم، کسی است که بسیار می‌گوید «نمی‌دانم»!

- ۴۱- «بَسْعَ الْعَمَلِ الْمُحَاوَلَةِ لِفَضْحِ النَّاسِ يَكْشِفُ أَسْرَارَهُمْ فَهِيَ مِنْ كَيْثَرِ الذُّنُوبِ»:

- (۱) بسیار کار زنشی است تلاش برای رسوا کردن مردم به وسیله آشکار شدن رازهایشان، آن از بزرگترین گناهان است!
- (۲) تلاش کردن برای بی آبرو ساختن مردم از طریق آشکار کردن اسرارشان کار بدی می باشد، آن گناه بسیار بزرگی است!
- (۳) چه بد عملی است کوشش برای رسوا کردن مردم از طریق آشکار کردن رازشان، آن بزرگترین گناه است!
- (۴) کوشش برای رسوا کردن مردم به وسیله آشکار نمودن اسرارشان چه بد کاری است، آن از گناهان بزرگ است!

- ۴۲- «لَا تَهْنُوا فِي أَدَاءِ واجِبَاتِكُمْ وَأَنْتُمْ تَعْلَمُونَ أَنَّهُ لَا سَبِيلٌ لِلنَّجَاحِ إِلَّا السُّعْيُ»:

- (۱) در انجام تکالیفتان سست شوید در حالی که می دانید که هیچ راهی برای موفقیت وجود ندارد جز تلاش!
- (۲) هنگام انجام تکالیفتان سستی نکنید و شما می دانید که تنها راه رسیدن به موفقیت تلاش است!
- (۳) در انجام تکالیفتان نباید سست شوید در حالی که می دانید که راهی برای رسیدن به موفقیت جز سعی وجود ندارد!
- (۴) در انجام تکالیف تبلی نکنید با این که شما می دانید هیچ راهی برای موفقیت وجود ندارد مگر تلاش!

- ۴۳- عین الخطأ:

- (۱) النفس المطمئنة ترجع إلى ربها راضية مرضية: نفس مطمئن، راضى و مورد رضى به سوى بپورڈکارش باز مى گردد!
- (۲) قبلى إنَّ أَوَّلَ عَمَلٍ يَحْاسِبُ فِي الْقِيَامَةِ هُوَ الصَّلَادَةُ لِغَنْمَهُ شَدَّهُ نَخْسَتِينَ عَمَلٍ كَمَا در قیامت محاسبه می گردد، نماز است!
- (۳) من لم يتبع من ذنوبه و يصرّ عليها فمأواه جهنم: آن که از گناهانش توبه نکند در حالی که بر آن ها اصرار می ورزد، پس جایگاهش دوزخ است!
- (۴) لعلكم تستعينون بالصبر عند هجوم المشاكل: اميد است که شما از صبر هنگام حملهور شدن مشکلات یاری بجوبيدا

- ۴۴- «مَنْ فَقَطْ بِرَأْيِيْخِتِهِ شَدَّهَا مَا تَشَمَّلُ مِنْ عَيْنِيْخِيْجِهِ نَجَّاتِهِمْ!» عین الصحيح في التعريب:

- (۱) أنا بعثت أن ينقدكم من الضلال فقط!
- (۲) إِنِّي أَبْعَثْتُ حَتَّى تُنْقِذُوكُمْ مِنَ الضَّلَالِ!
- (۳) إِنَّمَا بَعَثْتُ لِأَنْقَذُوكُمْ مِنَ الضَّلَالِ!

- ۴۵- «أَكْبَرُ الْعَيْبِ أَنْ تَعِيبَ مَا فِيكَ مُثْلِهِ» عین الأقرب إلى المفهوم:

- (۱) گرت عیسی‌جوبی بیوڈ در سرشت نینی ز طاووس حمزه‌ای زشت
- (۲) عیب کسان منگر و احسان خویش
- (۳) حافظ از باد خزان در چمن دهر مرنج
- (۴) عیب زندان مکن ای زاهد پاکیزه سرشت که گناه دگران بر تو نخواهند نوشت

■■■ إقرأ النص التالي بدقة ثم أجب عن الأسئلة التالية بما يناسب النص (۴۱ - ۳۶):

يعتبر الصبر من أهم الأمور التي على كل الناس أن يتحلوا بها لأنها صفة هامة تساعد الإنسان على عبور المواقف الصعبة. وهو من الصفات التي تسهل على صاحبه مصاعب الحياة ومشقاتها. فالشخص الصبور هو الذي يتعامل مع الآخرين بسعة صدر و لا يضيق صدره لأى شيء، بل يستقبل الحياة بالتفاؤل ولا يستسلم أمام الصعوبات. ما أعطى الإنسان شيئاً أجمل من الصبر فهو من صفات العقلاء والحكماء، والشخص الذي يستطيع أن يصبر على غضبه فهو رجل قوي. للصبر أنواع منها الصبر على المشاكل والصبر على الطاعة والصبر على المعصية. وكلها محمودة وتجعل الإنسان فائزًا في الدنيا والآخرة.

- ۴۶- عین الخطأ:

- (۱) الصبور لا يواجه الصعوبات في حياته!
- (۲) ليس الصبر أمراً فطرياً بل يقدر الإنسان على اكتسابه بالممارسة!
- (۳) لا يرى الصبور الصعوبات شيئاً يمنعه عن النجاح!
- (۴) فلما شاهد غضب المرء إذا يكون صبوراً

- ۴۷- عین الصحيح حسب النص:

- (۱) الصبر على طاعة الله أجمل أنواع الصبرا
- (۳) تجد الإنسان الصبور متفألاً في غالب الأحيان!

- ۴۸- عن أي موضوع لم يتكلّم النص؟!

- (۱) نتائج الصبرا
- (۳) صفات الشخص الصبورا

## ■ عین الصحيح في الإعراب والتخليل الصرفي (٤١ - ٣٩):

٣٩- «أن(يتحلوا»:

(١) فعل مضارع - مزيد ثلاثي - لازم / فعل و مع فاعله جملة فعلية

(٢) معلوم - متعدّ - للثائبين / فعل و فاعل

(٣) للثائبين - مجرد ثلاثي - مجهول / فعل و فاعله ممحونف

(٤) مزيد ثلاثي (من باب «تفعيل») - متعدّ - مجهول / فعل و فاعله ممحونف

٤٠- «تساعد»:

(١) فعل مضارع - مجهول / فعل و فاعله ممحونف

(٢) مزيد ثلاثي ( مصدره على وزن «تفاعل») - للغائية / فعل و فاعل، «الإنسان» مفعوله

(٣) فعل ماضٍ - للمخاطب - معلوم / فعل و فاعله «الإنسان»

(٤) اللائحة - معلوم - مزيد ثلاثي / فعل و مع فاعله جملة فعلية

٤١- «أجمل»:

(٢) اسم التفضيل - معرفة / مضاف إليه

(١) اسم - مفرد مؤتّث - نكرة / مفعول (أو مفعول به)

(٤) نكرة - اسم التفضيل / صفة

## ■ عین المناسب في الجواب عن الأسئلة التالية (٥٠ - ٤٢):

٤٢- عین الخطأ في ضبط حركات الكلمات:

(١) عَلِيْنَا أَنْ تَبْتَعِدَ عَنِ الْقَجْبِ وَ أَنْ لَا تَذَكَّرْ خَيْرَ الْآخَرِينَ

(٢) تَبَدَّلُ الْأَشْعَارُ مِنْ خَمْسَةٍ وَ تَبَعِينَ أَلْفًا إِلَى خَمْسَةٍ وَ ثَمَانِينَ أَلْفَ تَوْمَانًا

(٣) هَذَا الظَّاهِرُ خَيْوَانٌ مُفْتَرِشٌ يَهْجُمُ عَلَى الطَّيْورِ الْأُخْرَى

(٤) كَانَ الْبَيْثُ (ص) يَتَبَعَّدُ فِي غَيْرِ حِرَاءِ الْوَاقِعِ فِي قِمَّتِهَا

٤٣- عین الخطأ عما طلب منه:

(١) (اجتنبوا كثیراً من الظن إن بعض الظن إثم) مراده «الظلم»(٢) (أيحت أحدكم أن يأكل لحم أخيه متناً فكرهتموه) مفرد و جمعه «مؤئلي»(٣) وأملا الصدر انشراحًا و فمي بالبسملة؛ مضاده «الحزن»(٤) لم يذكر اسم الله على هذا الطعام فهو داء؛ مراده «مرض»

٤٤- عین «شر» تترجم بدترین:

(٢) من غلت شهوته عقله فهو شر من البهائم!

(١) من شر الأعمال هو إيداء الناس باللسان!

(٤) الشر ما يجتبه كثير من الناس!

(٣) العاقل من يعرف خير الشررين!

٤٥- فاطمة هي الولد الأول في الأسرة فهي .....:

(١) كبيرة من سائر الأولاد!

(٣) أكبر من سائر الأولاد!

٤٦- عین ما فيه اسم يدل على كثرة الصفة:

(١) القدير هو ربنا سبحانه و تعالى!

(٢) الله يغفر الذنوب جميعاً فهو غفار الذنوب!

(٣) الأطفال فرحون اليوم لأنهم يلعبون في الساحة

(٤) أشد الأعمال على الشيطان هي التوبة بعد الصلاة

٤٧- عین ما ليس فيه فعل يترجم إلى المضارع الالتزامي:

(١) إنّ رجلي تؤمنني ولا أستطيع صعود هذا الجبل!

(٣) ذهب أصدقائي إلى الملعب حتى يشجعوا فريقنا في المباراة!

(٢) ليت الناس يتفكرون في خلقتهم العجيبة كثيراً!

(٤) في العالم عجائب يجب أن نهتم بها و نكشفها دؤوبين!

۴۸- «کیف وصل الصیوف إلى الحفلة؟ .....» عین المناسب للجواب:

- (۱) وصل مبتسمنا!  
(۲) وصلوا بتساماً  
(۳) وصلوا مبتسمنا!

۴۹- عین الحال غير جملة:

- (۱) لا يحزن المؤمن عند وقوع المصاعب و هو متوكّل على الله!  
(۲) من يعمل صالحًا و هو مؤمن يدخل الجنة صاحكًا  
(۳) تربى الأئمّات أطفالهن و هنّ مشفقات عليهن جدًا  
(۴) يحاول الأعداء أن يساعدونا و هم خادعون!

۵۰- عین ما فيه الصفة:

- (۱) في قريتنا رجل و هو يساعد الأهالي محروميين  
(۲) جلس الطلاب على الكراسي و هم يتحدون عن امتحانهم الصعب!

- (۱) هذه السمكة تحب أن تأكل الفرائس حيّة  
(۳) أصبح الولد نادمًا من عمله و اعتذر إلى أبيه باكيًا



DriQ.com

۵۱- آیة شریفه **«يَا أَيُّهَا الَّذِينَ آتَيْنَا إِسْتِجْبَيْوْ لَهُ وَ لِرَسُولِنَا، إِذَا دَعَاهُمْ إِمَامٌ إِمَامٌ يَحْيِيْكُمْ»** مؤيد کدام نیاز برتر انسان است و چه موضوعی را می توان از آن دریافت کرد؟

- (۱) کشف راه درست زندگی - شرط حیات بخشی دعا درخواست برای حیات طبیه است.  
(۲) درگ آینده خویش - شرط حیات بخشی دعا درخواست برای حیات طبیه است.  
(۳) درگ آینده خویش - شرط ایمان واقعی اجلبت خدا و رسول است.  
(۴) کشف راه درست زندگی - شرط ایمان واقعی اجلبت خدا و رسول است.

۵۲- علت فراموشی تدریجی تعلیمات انبیاء کدام است و سخن پیامبر اسلام (ص) که می فرمایند: «لا ضرر و لا ضرار فی الاسلام» مربوط به کدام یک از عوامل ختم نبوت است؟

- (۱) عدم توسعه کتابت - حفظ قرآن کریم از تحریف  
(۲) عدم توسعه کتابت - وجود امام معصوم پس از پیامبر اکرم (ص)  
(۳) ابتدایی بودن سطح فرهنگ - پویایی و روزآمد بودن دین اسلام  
(۴) ابتدایی بودن سطح فرهنگ - وظیفه پیروان پیامبران گذشته

۵۳- با زرفتگی در آیات قرآن کریم، پندار نادرست کافران آن جا که به آنها مهلت داده می شود و گمان ناصحیح مردم بعد از اذعان به ایمان به ترتیب در کدام عبارات قرآنی متجلی است؟

- (۱) **«مِنْ حَيْثُ لَا يَعْلَمُونَ»** - **«تَبَلُّوْكُمْ»**  
(۲) **«خَيْرٌ لِأَنفُسِهِمْ»** - **«تَبَلُّوْكُمْ»**  
(۳) **«مِنْ حَيْثُ لَا يَعْلَمُونَ»** - **«لَا يَفْتَنُونَ»**

۵۴- دین مقبول در نزد خداوند به چه معنایی است و چرا اهل کتاب در آن اختلاف کردند؟

- (۱) اسلام به معنای تسلیم بودن در برابر خداوند - ناآگاهی ایشان به حقانیت دین اسلام  
(۲) اسلام به معنای تسلیم بودن در برابر خداوند - رشک و حسدی که میان آنان وجود داشت  
(۳) اسلام به معنای سلامت نفس و روح - رشک و حسدی که میان آنان وجود داشت  
(۴) اسلام به معنای سلامت نفس و روح - ناآگاهی ایشان به حقانیت دین اسلام

۵۵- آیه شریفه **«ذَلِكَ بِمَا قَدِّمْتَ أَيْدِيْكُمْ وَأَنَّ اللَّهَ لَيْسَ بِظَلَمٍ لِلْعَبِيدِ»** به کدام عبارت شریفه قوانی ارتباط مفهومی دارد؟

- (۱) **«فَمَنْ أَبْصَرَ فَلِنَفِسِهِ»**  
(۲) **«وَالَّذِينَ كَذَّبُوا بِأَيْمَانِنَا سَنَسْتَرِجُهُمْ»**  
(۳) **«وَلَكِنَ كَذَّبُوا فَأَخْذَنَاهُمْ بِمَا كَانُوا يَكْسِبُونَ»**

۵۶- حدیث شریف پیامبر اکرم (ص) که می فرماید «ما بیامیران مأمور شده ایم که با مردم به اندازه عقلشان سخن بگوییم» مؤید کدام موضوع است؟

- (۱) ختم نبوت و رشد تدریجی سطح فکر مردم  
(۲) تجدید نبوت و رشد تدریجی سطح فکر مردم  
(۳) تجدید نبوت و استمرار و پیوستگی در دعوت پیامبران

۵۷- اگر بخواهیم برای جنبه عام سنت امتحان مستندی قرآنی ارائه دهیم به کدام آیه می‌توانیم ارجاع دهیم و در کسب توفیق الهی کدام عامل درونی نقش تعیین‌کننده دارد؟

(۱) «أَخْبَثَ النَّاسَ أَنْ يَتَرَكُوا أَنْ يَقُولُوا أَمَّنَا وَ هُمْ لَا يُفْتَنُونَ» - روحیه حق‌بذری

(۲) «أَخْبَثَ النَّاسَ أَنْ يَتَرَكُوا أَنْ يَقُولُوا أَمَّنَا وَ هُمْ لَا يُفْتَنُونَ» - سعی و تلاش ویژه

(۳) «كُلُّ نَفْسٍ ذَائِقَةُ الْمَوْتِ وَ نَبْلُوكُمْ بِالشَّرِّ وَ الْخَيْرِ فِتْنَةً» - روحیه حق‌بذری

(۴) «كُلُّ نَفْسٍ ذَائِقَةُ الْمَوْتِ وَ نَبْلُوكُمْ بِالشَّرِّ وَ الْخَيْرِ فِتْنَةً» - سعی و تلاش ویژه

۵۸- ظرفیت یاسخ‌گویی به نیازها در سایه دین میان اسلام، میان کدام‌یک از عوامل ختم نیوت است؟

(۱) آمادگی جامعه بشری برای دریافت برنامه کامل زندگی (۲) حفظ قرآن کریم از تحریف

(۳) وجود امام معصوم پس از پیامبر اکرم (ص) (۴) پویایی و روزآمد بودن دین اسلام

۵۹- قانونمندی حاکم بر جهان خلقت تجلی چیست و زمینه‌ساز کدام است؟

(۱) قضای الهی - سنت‌های الهی و هماهنگ شده با اراده و خواست الهی است.

(۲) قضای الهی - حرکت و پویایی و به کارگیری اراده و اختیار انسان است.

(۳) تقدير الهی - حرکت و پویایی و به کارگیری اراده و اختیار انسان است.

(۴) تقدير الهی - سنت‌های الهی و هماهنگ شده با اراده و خواست الهی است.

۶۰- در آیه شریفة «وَ مَنْ يَبْتَغِ غَيْرَ الْإِسْلَامِ دِينًا فَلَنْ يَقْبَلَ مِنْهُ وَ هُوَ فِي الْآخِرَةِ مِنَ الْخَاسِرِينَ» کدام موضوع مستفاد می‌گردد؟

(۱) علل چند دینی تجاوز آگاهانه مردم به اصالت دعوت پیامبر (ص) به اسلام است.

(۲) دین قطعی مورد خداوند دین اسلام است که آیین ابراهیم بوده و او شما را از پیش مسلمان نماید.

(۳) زبان‌کاری در حیات اخروی تابع پذیرش دینی غیر از اسلام است.

(۴) پیامبران همانند معلمان یک مدرس‌اند که آخرين آن پیامبر اسلام (ص) است.

۶۱- علیت عبارت‌های قرآنی «إِنَّمَا تُملِّئُ لَهُمْ» و «لَفَتَحْنَا عَلَيْهِمْ» در کدام‌یک تجلی دارد؟

(۱) «بِمَا كَانُوا يَكْسِبُونَ» - «لَنَهِيَّنَّهُمْ سَبَلَنَا»

(۲) «بِمَا كَانُوا يَكْسِبُونَ» - «أَمْنَوْا وَ أَنْقَوْا»

(۳) «لَيَزَدَادُوا إِثْمًا» - «أَمْنَوْا وَ أَنْقَوْا»

۶۲- طبق فرمایش امام صادق (ع) در رابطه با بندهای که بعد از انجام گناه، خداوند نعمتی به او می‌بخشد، چه هدفی مورد نظر است و مؤید آن کدام سنت الهی است؟

(۱) فراموشی استغفار - «نَبْلُوكُمْ بِالشَّرِّ وَ الْخَيْرِ فِتْنَةً وَ إِلَيْنَا تُرْجَعُونَ»

(۲) فراموشی استغفار - «وَ الَّذِينَ كَذَّبُوا بِأَيْمَانِنَا سَتَرَنَا جَهَنَّمَ مِنْ حَيْثُ لَا يَعْلَمُونَ»

(۳) ابتلا و آزمایش عام - «وَ الَّذِينَ كَذَّبُوا بِأَيْمَانِنَا سَتَرَنَا جَهَنَّمَ مِنْ حَيْثُ لَا يَعْلَمُونَ»

(۴) ابتلا و آزمایش عام - «نَبْلُوكُمْ بِالشَّرِّ وَ الْخَيْرِ فِتْنَةً وَ إِلَيْنَا تُرْجَعُونَ»

۶۳- در بیان قرآن کریم برای فهم عدم تعارض و ناسازگاری در قرآن چه تلاشی لازم است و اگر پیامبر (ص) استمرار نوشتن و خواندن داشت، چه پیامدی به دنبال داشت؟

(۱) تفکر در قرآن - «لَوْجَدُوا فِيهِ اخْتِلَافًا كَثِيرًا»

(۲) مقایسه قرآن - «مَقَاتِلُهُمْ لَا يَرْجِعُونَ»

(۳) مقایسه قرآن - «لَأَرْتَابُ الْمُبْطَلُونَ»

۶۴- مأموریت پیامبر (ص) در ابلاغ به کسانی که می‌گویند پیامبر (ص) قرآن را به دروغ به خدا نسبت داده است، چه بیانی است و این بیان خطاب به چه کسانی است؟

(۱) «لَا يَأْتُونَ بِمِثْلِهِ» - تحدى قرآن به کجروان به شک افتاده

(۲) «لَا يَأْتُونَ بِمِثْلِهِ» - تحدى قرآن به مخالفان سرسخت اسلام

(۳) «قُلْ فَأَتُوا بِسُورَةٍ مِثْلَهِ» - تحدى قرآن به مخالفان سرسخت اسلام

(۴) «قُلْ فَأَتُوا بِسُورَةٍ مِثْلَهِ» - تحدى قرآن به کجروان به شک افتاده

۶۵- «گشوده بودن رحمت گسترده الهی به همه افراد جامعه» و «رضایت سریع خداوند کریم از کسی که طلب بخشنود کرده است»، به ترتیب سنت آمده در کدام عبارات قرآنی است؟

- (۱) لَقَّحْنَا عَلَيْهِمْ بُرْكَاتَ مِنِ السَّمَاءِ وَالْأَرْضِ - (لَهُدِّيَّهُمْ سَبَلَنَا وَإِنَّ اللَّهَ لَمَعَ الْمُحْسِنِينَ)
- (۲) (ما كَانَ عَطَاءَ رِبِّكَ مَحظُورًا - (لَهُدِّيَّهُمْ سَبَلَنَا وَإِنَّ اللَّهَ لَمَعَ الْمُحْسِنِينَ)
- (۳) (ما كَانَ عَطَاءَ رِبِّكَ مَحظُورًا - (مَنْ جَاءَ بِالْحَسَنَةِ فَلَمَوْ عَشَرَ أَمْثَالَهَا)
- (۴) لَقَّحْنَا عَلَيْهِمْ بُرْكَاتَ مِنِ السَّمَاءِ وَالْأَرْضِ - (مَنْ جَاءَ بِالْحَسَنَةِ فَلَمَوْ عَشَرَ أَمْثَالَهَا)

۶۶- از آیه شریفه **(ما كَنْتَ تَنْلُو مِنْ قَبْلِهِ مِنْ كِتَابٍ وَ لَا تَخْطُلُهُ وَ يَتَمَيَّزُكَ إِذَا لَأْتَهُ الْبَطْلُونَ)** کدام موضوع مستفاد می‌شود؟

(۱) استمرار خواندن و نوشتن پیامبر (ص) تابع شک کجروان می‌شد.

(۲) اهل باطل دلیل شک خود را نوشتن و خواندن پیامبر (ص) در طول زندگی بیان می‌داشتند.

(۳) استمرار خواندن و نوشتن پیامبر (ص) متبع شک کجروان می‌شد.

(۴) امی بودن پیامبر (ص) علت نوشتن و نخواندن پیامبر (ص) بوده چرا که در این صورت اهل باطل به شک می‌افتدند.

۶۷- آن جاکه در مثال نوشتن، چند عامل در طول هم در انجام آن دخالت دارند، اراده نوشتن وابسته به کدام عامل بالاتر از خود است و دارای کدام ویژگی می‌باشد؟

(۱) اراده الهی - در یک ردیف و مستقل نیستند.

(۳) نفس یا روح - در یک ردیف و مستقل هستند.

۶۸- در کلام امام کاظم (ع) پذیرش بیشتر پیام الهی مولود برخورداری از چه چیزی است و اعلم بودن نسبت به فرامین الهی نتیجه کدام است؟

(۱) معرفت برتر - افضل بودن در تفکر و تعقل

(۴) تفکر و تعقل افضل - افضل بودن در تفکر و تعقل

۶۹- راهیابی شرک که در حدیث نبوی، به راه فتن موری سیاه در شب تاریک بر تخته‌سنگ سیاه تشییه شده است، با کدام بیت ارتباط مفهومی دارد؟

(۱) این همه نقش عجب بر در و دیوار وجود

(۲) آفرینش همه تنبیه خداوند دل است

(۳) مهر رخسار تو می‌تابد ز ذرات جهان

(۴) پاسبان حرم دل شدمام شب همه شب

۷۰- جدی جلوه‌گر شدن دغدغه چگونه زیستن در چه صورتی نمود پیدا می‌کند و کدام آیه شریفه به آن پاسخ می‌دهد؟

(۱) انسان فقط یک بار زندگی را تجربه می‌کند - (وَالْقَصْرُ إِنَّ الْإِنْسَانَ لَفِي خَسْرٍ)

(۲) انسان فقط یک بار زندگی را تجربه می‌کند - (أَلَا الَّذِينَ آمَنُوا وَعَمِلُوا الصَّالِحَاتِ)

(۳) انسان می‌خواهد بداند برای چه زندگی می‌کند - (أَلَا الَّذِينَ آمَنُوا وَعَمِلُوا الصَّالِحَاتِ)

(۴) انسان می‌خواهد بداند برای چه زندگی می‌کند - (وَالْقَصْرُ إِنَّ الْإِنْسَانَ لَفِي خَسْرٍ)

۷۱- نیافت نشانه‌های الهی و دل به مهر الهی نبستن معلول چیست و راه غلبه بر آن مؤید کدام راههای تقویت اخلاص است؟

(۱) گرفتاری در غفلت و چشم انداشته به روی جهان بستن - دوری از گناه و تلاش برای انجام واجبات

(۲) گرفتاری در غفلت و چشم انداشته به روی جهان بستن - افزایش معرفت و شناخت نسبت به خداوند

(۳) نفوذ شیطان رجیم و وسوسه‌هایش بر ایشان - افزایش معرفت و شناخت نسبت به خداوند

(۴) نفوذ شیطان رجیم و وسوسه‌هایش بر ایشان - دوری از گناه و تلاش برای انجام واجبات

۷۲- فلسفة و جووب روزه در کلام امیر دل‌ها علی (ع) کدام است و این سخن ما را به سوی چه موضوعی رهنمون می‌کند؟

(۱) آزمودن اخلاص مردم - دوری از گناه و تلاش برای انجام واجبات از ثمرات درخت اخلاص

(۲) آزمودن اخلاص مردم - دوری از گناه و تلاش برای انجام واجبات از راههای قوام‌بخش اخلاص

(۳) ابتلای خلوص انسان‌ها - نفوذ ناپذیری در برابر وسوسه‌های شیطان از راههای قوام‌بخش اخلاص

(۴) ابتلای خلوص انسان‌ها - نفوذ ناپذیری در برابر وسوسه‌های شیطان از ثمرات درخت اخلاص

- ۷۳- اگر بگوییم خارج شدن از تقدیر الهی ناممکن نست به کلام آیه مستناد می کنیم و مؤید چیست؟
- (۱) لا فَلَمْ يَنْفُعْ لَهَا أَنْ تُنْزَفِقَ الْقَمَرُ ... - مقتضی به قضای الهی بودن
  - (۲) لَا فَلَمْ يَنْفُعْ لَهَا أَنْ تُنْزَفِقَ الْقَمَرُ ... - مقدر به تقدیر الهی بودن
  - (۳) لَأَنَّ اللَّهَ يَمْسِكُ السَّمْوَاتِ وَالْأَرْضَ ... - مقدر به تقدیر الهی بودن
  - (۴) لَأَنَّ اللَّهَ يَمْسِكُ السَّمْوَاتِ وَالْأَرْضَ ... - مقتضی به قضای الهی بودن
- ۷۴- آیه شریفه «وَالسَّمَاءُ يَنْبَثِثُ إِلَيْهِ وَإِلَّا لِمَوْسَعَنَ» کلام اعجاز را بیان می کند و مؤید کدام صفت باری تعالی است؟
- (۱) نیروی جاذبه - قدرت خداوند
  - (۲) نیروی جاذبه - علم خداوند
  - (۳) انساط جهان - علم خداوند
- ۷۵- مفاهیم «بنا نهادن جامعه‌ای عدالت محور»، «عادلانه بودن نظام هستی» و «دستداری عدالت» به ترتیب نشانگر کدام است؟
- (۱) اسلام در حیطه عمل - اسلام در حیطه ایمان - اسلام در حیطه عمل
  - (۲) اسلام در حیطه ایمان - گرایش فطری انسان‌ها - اسلام در حیطه عمل
  - (۳) اسلام در حیطه ایمان - اسلام در حیطه عمل - خصیصه فطری بشر
  - (۴) اسلام در حیطه عمل - اسلام در حیطه ایمان - خصیصه فطری بشر


**PART A: Grammar and Vocabulary**

**Directions:** Questions 76-87 are incomplete sentences. Beneath each sentence you will see four words or phrases, marked (1), (2), (3), and (4). Choose the one word or phrase that best completes the sentence. Then mark your answer sheet.

- 76- It is commonly claimed that you cannot fold ..... in half more than seven .....
- 1) a piece of paper / time
  - 2) a piece of papers / times
  - 3) a piece of paper / times
  - 4) piece of paper / times
- 77- He didn't speak much English, ..... he was able to understand what I was trying to say, ..... he helped me find the museum I was looking for.
- 1) but / so
  - 2) and / so
  - 3) and / but
  - 4) but / but
- 78- The ..... orbiting around Saturn are made up of ..... ice and rock particles.
- 1) hundred of rings / billion
  - 2) hundred of rings / a billion of
  - 3) hundreds of rings / billion of
  - 4) hundreds of rings / billions of
- 79- ..... apartments become available in June when university classes finish, and ..... students leave town.
- 1) A lot of / as much
  - 2) Lot of / many
  - 3) Lot of / as much
  - 4) A lot of / many
- 80- In the course of his work he was known to many people in the local towns and was very ..... with everybody.
- 1) mental
  - 2) popular
  - 3) willing
  - 4) grateful
- 81- No public bus serves that village, so you'll have to hire a taxi to take you there, and ..... for the same taxi to pick you up when you are ready to return.
- 1) confirm
  - 2) involve
  - 3) regard
  - 4) arrange
- 82- A space vehicle must move at a rate of at least 17 miles per second to ..... Earth's gravitational pull.
- 1) escape
  - 2) decrease
  - 3) burst
  - 4) revolve
- 83- A number of automated cars are at a/au ..... stages of development and are expected to be available to the public over the coming years.
- 1) advanced
  - 2) repeated
  - 3) magnified
  - 4) suggested
- 84- Ancient Egyptians ..... the heart as the center of intelligence and emotion, and believed the brain to have no significance whatsoever.
- 1) achieved
  - 2) inspired
  - 3) regarded
  - 4) produced

- 85- He had an old coin that he thought was ..... , but actually it was worthless because it was in such bad condition.  
 1) collective      2) common      3) valuable      4) domestic
- 86- This cake is delicious! What are the ingredients? There's something in here that I recognize, but I can't ..... what it is.  
 1) look out      2) insist on      3) figure out      4) give out
- 87- She is now working with pharmaceutical companies to develop a new ..... of drugs that may be more effective than existing ones.  
 1) comparison      2) information      3) generation      4) population

**PART B: Cloze Test**

**Directions:** Questions 88-92 are related to the following passage. Read the passage and decide which choice, (1), (2), (3), or (4), best fits each space. Then mark your answer sheet.

Huge structures like oil tankers and bridges and tiny objects like nuts and bolts are all made from steel. The world produces ...88...; it is the most widely used of all metals. Steel is made from iron, one of the most common ...89... in Earth's crust, and carbon, which comes from coal. Iron has many uses, including making car engine parts and magnets. Our bodies also need iron to work ...90... . A healthy diet must include foods such as green vegetables, which ...91... iron. Pieces of iron fall to Earth in meteorites from space. Most iron, however, comes from iron ore in rock. Heating the ore with coke (from coal) ...92... iron. The Hittites of Turkey perfected iron smelting about 1500 BCE. This was the beginning of the Iron Age, during which iron gained wide spread use for making weapons and tools.

- |     |  |  |
|-----|--|--|
| 88- | 1) almost two billion ton of steel every year  | 2) more than two billions tons of steel every year |
|     | 3) almost two billion tons of steel every year | 4) more than two billions ton of steel every years |
| 89- | 1) places                                      | 2) metals  |
| 90- | 1) collectively                                | 2) interestingly                                   |
| 91- | 1) involve                                     | 2) select  |
| 92- | 1) is produced                                 | 2) produce   |
|     | 3) liquids                                     | 4) wonders   |
|     | 3) reportedly                                  | 4) properly  |
|     | 3) lower                                       | 4) contain   |
|     | 3) are produced                                | 4) produces  |

**PART C: Reading Comprehension**

**Directions:** In this part of the test, you will read two passages. Each passage is followed by four questions. Answer the questions by choosing the best choice, (1), (2), (3), or (4). Then mark your answer sheet.

**Passage 1:**

A visitor is returning. We haven't seen this one in ages. In 2061, Halley's Comet will streak past Earth. It is named for Edmund Halley. He deduced that comets seen in 1531, 1607, and 1682 were all one and the same. He predicted its appearance in 1758. But he did not live to see it. The most ancient record of Halley's Comet comes from 1057 BCE. A Chinese book mentions it. Astronomers have noted each appearance since 239 BCE.

A comet begins as a small, icy mass far beyond Pluto in a region called the Oort Cloud. There, billions of chunks of ice water, ice ammonia, ice methane, and dust circle the solar system. Pluto's or Neptune's gravity causes the comet to start falling toward the sun. A trail of solar particles creates a visible tail of glowing gases. The tail can stretch for thirty-five million miles! The comet goes around the sun. Then it slingshots away and races once more toward the outer solar system. Most comets never return to the solar system. However, a few are short-period comets. They return at regular intervals. Halley's Comet appears every seventy-six years. Comet Encke goes by every 3.3 years.

- 93- According to the passage, where do comets form?

- |                 |                             |
|-----------------|-----------------------------|
| 1) near the sun | 2) in the Oort Cloud region |
| 3) near Jupiter | 4) near Earth               |

- 94- The word “deduce” as used in the first paragraph means ..... .
- 1) persuade other scientists
  - 2) arrive at a conclusion by reasoning
  - 3) attempt to understand the universe
  - 4) discover a fact by accident
- 95- Which event occurred after Halley’s death and was seen as proof that the comet returned every seventy-six years?
- 1) The appearance in 1984.
  - 2) The appearance in 2061.
  - 3) The appearance in 1057 BCE.
  - 4) The return of the comet in 1758.
- 96- From the context of the passage, what is the meaning of a short-period comet?
- 1) It returns at regular intervals.
  - 2) It is made of solar particles.
  - 3) It is seen on Earth only once.
  - 4) It lasts less than a year.

**Passage 2:**

Suppose your teacher gave you an assignment to add all of the numbers from 1 to 100 without using a calculator. How long do you think it would take? You could do it in about 30 seconds.

Here’s how: Add 1 plus 100, which equals 101. Add 2 plus 99, which equals 101. Add 3 plus 98, which also equals 101. You are adding 50 pairs of numbers, which all equal 101. Therefore, you can multiply 50 times 101. This equals 5,050. Multiplication, of course, is simply a fast method of addition when you use the same numbers.

The mathematician who worked out this particular problem was named Carl Gauss. He lived from 1777 to 1855. As a college student, he discovered that a seventeen-sided figure could be drawn with just a compass and a ruler. This was thought to be impossible.

During his lifetime, Gauss made many discoveries in the study of numbers and shapes. He studied the use of statistics. This is the science of collecting, using, and studying information from real events in life. Gauss also studied stars and planets. He became famous for discovering the orbit around the sun of the dwarf planet Ceres.

- 97- Which number would be added to 91 in the pattern described in the second paragraph?

- 1) 0
- 2) 10
- 3) 11
- 4) 20

- 98- All of the following can be considered as examples of statistics EXCEPT ..... .

- 1) discovering new mathematical formulae
- 2) gathering FIFA World Cup results since 1930
- 3) estimating barrels of oil sold by a company in a year
- 4) figuring out a student’s grade average over the course of a year

- 99- From the context of the passage, what can you infer about Ceres?

- 1) No one had known about its orbit until Gauss.
- 2) Its discovery was thought to be impossible before Carl.
- 3) Ceres travels through a solar system and never returns.
- 4) The dwarf planet was first seen by Carl Gauss.

- 100- Which of the following is defined in the passage?

- 1) assignment (paragraph 1)
- 2) calculator (paragraph 1)
- 3) work out (paragraph 3)
- 4) statistics (paragraph 4)

دفترچه شماره ۲

آزمون شماره ۱۳

جمعه ۹۸/۰۹/۲۹



# آزمون‌های سراسری کاج

گزینه درس‌درآمدهای کنندگان

سال تحصیلی ۱۳۹۸-۹۹

## آزمون اختصاصی پایه دوازدهم ریاضی

دوره دوم متوسطه

شماره داوطلبی:	نام و نام خانوادگی:
مدت پاسخ‌گویی: ۱۵۵ دقیقه	تعداد سوالاتی که باید پاسخ دهید: ۱۱۵

عنوانین مواد امتحانی آزمون اختصاصی گروه آزمایشی علوم ریاضی، تعداد سوالات و مدت پاسخ‌گویی

ردیف	ردیف	مواد انتخابی					
		تعداد سوال	وضعیت پاسخ‌گویی	شماره سوال	تاریخ	از	مدت پاسخ‌گویی
۱	ردیف	۱۰	اجباری	۱۰	حسابان ۲	۱۰۱	۱۱۰
				۱۰	ریاضیات گستره	۱۱۱	۱۲۰
				۱۰	هندسه ۳	۱۲۱	۱۳۰
				۵	ریاضی ۱	۱۳۱	۱۳۵
				۵	حسابان ۱	۱۴۶	۱۴۰
				۱۰	هندسه ۲	۱۴۱	۱۵۰
				۵	آمار و احتمال	۱۵۱	۱۵۵
۲	ردیف	۲۵	اجباری	۲۵	فیزیک ۳	۱۵۶	۱۸۰
				۱۰	فیزیک ۱	۱۸۱	۱۹۰
				۱۰	فیزیک ۲	۱۹۱	۲۰۰
۳	ردیف	۱۵	اجباری	۱۵	شیمی ۳	۲۰۱	۲۱۵
				۱۰	شیمی ۱	۲۱۶	۲۲۵
				۱۰	شیمی ۲	۲۲۷	۲۳۵



## ریاضیات

## مسئلہ (۲)

۱۰۱ - حاصل  $\lim_{x \rightarrow 4^-} \frac{|x|}{4-x}$  و  $\lim_{x \rightarrow 4^+} \frac{1-x^2}{x-x}$  کدام است؟

- $\infty$  و  $-\infty$  (۲)  $+\infty$  و  $+\infty$  (۱)  
 $-\infty$  و  $+\infty$  (۴)  $+\infty$  و  $-\infty$  (۳)

۱۰۲ - اگر  $\lim_{x \rightarrow (-1)^+} \frac{|m-1|-1}{x+1} = -\infty$  باشد، حدود  $m$  کدام است؟

- (۰, ۲) (۲) (-۱, ۱) (۱)  
(-۱, ۲) (۴) (-۲, ۰) (۳)

۱۰۳ - اگر  $g(x) = \frac{x-1}{x^3 - 4x^2 + 3x - 1}$  باشد، حاصل  $\lim_{x \rightarrow 1} g(x)$  کدام است؟

- (۰) صفر  $+\infty$  (۳) -۱ (۲)  $-\infty$  (۱)

۱۰۴ - حاصل  $\lim_{x \rightarrow \pi^+} \frac{-x}{\sin x}$  و  $\lim_{x \rightarrow 2^-} \log_3 |x-2|$  کدام است؟

- $+\infty$  و  $-\infty$  (۲)  $-\infty$  و  $-\infty$  (۱)  
 $+\infty$  و  $+\infty$  (۴)  $-\infty$  و  $+\infty$  (۳)

۱۰۵ - اگر تابع  $f(x) = \frac{3-m[x]}{1-x}$  در اطراف مجانب قائم خود به صورت زیر باشد، حدود  $m$  کدام است؟ ([ نماد جزء صحیح است.)

- $1 < m < 4$  (۱)  
 $m > 3$  (۲)  
 $m < 3$  (۳)  
 $m > 4$  (۴)

۱۰۶ - اگر تابع  $f(x) = \frac{x+a}{x+a+b}$  فقط یک مجانب قائم به معادله  $x=2$  داشته باشد، مجانب قائم تابع  $g(x) = \frac{1}{-2x^2 + ax + b}$  کدام است؟

- $x=\infty$  (۴)  $x=2$  (۳)  $x=1$  (۲)  $x=-1$  (۱)

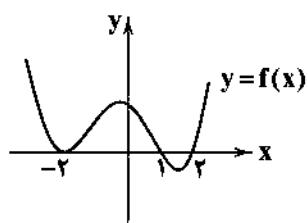
۱۰۷ - اگر  $f(x + \frac{\pi}{2}) = \frac{1}{1 + \cos x}$  باشد، کدام خط زیر می‌تواند مجانب قائم تابع  $f(x)$  باشد؟

- $\frac{3\pi}{2}$  (۳)  $\pi$  (۲)  $\frac{\pi}{2}$  (۱)

۱۰۸ - مجموع طول های مجانب های قائم تابع  $f(x) = \frac{\tan x}{\tan^2 x - 3}$  در فاصله  $[0, 2\pi]$  چقدر است؟

- $\lambda\pi$  (۴)  $\frac{5\pi}{2}$  (۳)  $4\pi$  (۲)  $2\pi$  (۱)

محل انجام محاسبات



- ۱۰۹- اگر نمودار  $(x)$  به صورت زیر باشد، آن‌گاه تابع  $g(x) = \frac{(x+3)(x-1)(x-2)}{f(x)}$  چند مجانب قائم دارد؟

۱ (۱)

۲ (۲)

۳ (۳)

۴ (۴) صفر

- ۱۱۰- اگر فاصله دو مجانب قائم تابع  $f(x) = \frac{1}{x^2 + x + m}$  برابر ۴ باشد، مقدار  $m$  کدام است؟

۴/۲۵ (۴)

۴/۲۵ (۳)

-۴/۷۵ (۲)

۷/۷۵ (۱)

### ریاضیات مستقیمه

- ۱۱۱- با مجموعه رأس‌های  $V = \{a, b, c, d, e, f\}$ ، چند گراف ساده می‌توان ساخت به طوری‌که حداقل یکی از یال‌های  $ab$ ,  $ac$ ,  $bc$  را داشته باشد؟

۸×۲¹² (۴)

۸×۲¹⁰ (۳)

۷×۲¹² (۲)

۷×۲¹⁰ (۱)

- ۱۱۲- در گراف  $K_5$ ، چند زیرگراف از مرتبه ۴ و اندازه ۳ وجود دارد؟

۱۰۰ (۴)

۹۰ (۳)

۸۶ (۲)

۸۰ (۱)

- ۱۱۳- با رئوس  $\{a, b, c, d, e, f\}$ ، چند گراف ساده با شرط  $N_G[a] = N_G[b]$  می‌توان ساخت؟

۲¹⁰ (۴)

۲⁹ (۳)

۲۸ (۲)

۲۷ (۱)

- ۱۱۴- گراف  $G$  با مجموعه رأس‌های  $\{v_1, v_2, v_3, v_4, \dots, v_n\}$  مفروض است. اگر  $|N_G[v_i]| = 10$  باشد و مجموعه‌های  $N_G[v_i]$  برای  $1 \leq i \leq 2$  دو عضوی باشند، با اضافه کردن چند یال، این گراف به گراف  $K_1$  تبدیل می‌شود؟

۲۸ (۴)

۳۷ (۳)

۲۶ (۲)

۲۵ (۱)

۱۰ (۴)

۹ (۳)

۸ (۲)

۷ (۱)

- ۱۱۵- چند گراف ساده وجود دارد که مجموع مرتبه و اندازه آن ۸ باشد؟

۱۰ (۴)

۹ (۳)

۸ (۲)

۷ (۱)

- ۱۱۶- گرافی ۱۰ رأس و ۱۵ یال دارد. کمترین مقدار ممکن برای  $(\Delta - \delta)$  کدام است؟

۴ (۴)

۵ (۳)

۴ (۲)

۲ (۱)

- ۱۱۷- گرافی با مجموعه رئوس  $V = \{a, b, c, d, e, f, g, h\}$  و مجموعه همسایگی‌های  $N_G[a] = \{b, d, f\}$ ,  $N_G[b] = \{a, g\}$ ,  $N_G[g] = \{b, e\}$ ,  $N_G[f] = \{d, a, c, e\}$ ,  $N_G[d] = \{b, a, c, e\}$ ,  $N_G[c] = \{e, b, d, h\}$ ,  $N_G[h] = \{b, c\}$ ,  $N_G[e] = \{c, d\}$  باشد. چند زیرگراف مانند  $G_1$  وجود دارد به‌طوری‌که  $V(G_1) = V(G)$  باشد؟

۲۵۶ (۴)

۱۸۶ (۳)

۵۶ (۲)

۳۲ (۱)

- ۱۱۸- اعداد صحیح  $x$  و  $y$  در معادله  $60x + 115y = 60$  صدق می‌کنند، باقی‌مانده تقسیم عدد  $x$  بر ۲۳ کدام است؟

۱۴ (۴)

۱۳ (۳)

۱۲ (۲)

۱۰ (۱)

- ۱۱۹- در یک گراف با  $p=12$  و  $q=63$ ، حداقل تعداد رأس‌های با درجه ۹ کدام است؟

۶ (۴)

۵ (۳)

۴ (۲)

۳ (۱)

۱۲۰- مجموع مرتبه و اندازه در هر گراف  $K_p$  کدام است؟

$$\binom{p-2}{2}(4)$$

$$\binom{p+1}{2}(3)$$

$$\binom{p-1}{2}(2)$$

$$\binom{p}{2}(1)$$

## هنگامه (۱)

۱۲۱- نقطه C روی عمودمنصف پاره خط AB در صفحه قرار دارد. چند نقطه در صفحه یافت می‌شود که از دو سر پاره خط AB فاصلهٔ یکسان داشته باشد و از نقطه C به فاصلهٔ ۲ سانتی‌متر باشد؟

(۳) دقیقاً دو نقطه

(۴) هیچ نقطه

(۱) حداقل دو نقطه

(۳) فقط یک نقطه

۱۲۲- مکان هندسی نقاطی که از چهار نقطهٔ متمایز در صفحه، فاصلهٔ یکسانی داشته باشند، کدام است؟

(۲) یک نقطه یا تهی

(۴) یک خط یا تهی

(۱) فقط یک نقطه

(۳) یک خط

۱۲۳- نقطه A و خط d در صفحه قرار دارند. چند نقطه وجود دارد که از A به فاصلهٔ ۳ سانتی‌متر و از d به فاصلهٔ ۲ سانتی‌متر باشد؟

(۲) حداقل دو نقطه

(۴) دقیقاً چهار نقطه

(۱) حداقل چهار نقطه

(۳) دقیقاً دو نقطه

۱۲۴- دایره‌ای به مرکز (۲, ۳) که بر محور x‌ها مماس است، محور y‌ها را در دو نقطه به عرض‌های a و b قطع می‌کند،  $|a - b|$  چقدر است؟

$$\sqrt{5}$$

$$8$$

$$2\sqrt{5}$$

$$6$$

۱۲۵- اگر مرکز دایرة  $(2x-a)^2 + (2y-b)^2 = ab$  باشد، شاعع دایره چقدر است؟

$$\sqrt{5}$$

$$\sqrt{2}$$

$$\sqrt{2}$$

$$1$$

۱۲۶- وضع نسبی دو دایرة  $\begin{cases} x^2 + y^2 + 4x - 8y = 0 \\ (x+1)^2 + (y-1)^2 = 1 \end{cases}$  چگونه است؟

(۴) مداخل

(۳) مماس بیرون

(۲) مماس درون

(۱) منقطع

۱۲۷- اگر هر دو نقطه (۱, -۱) و A(۱, ۲) درون دایرة  $C: x^2 + y^2 + 4x - y - P = 0$  قوارگیرند، حدود P کدام است؟

$$P > 2$$

$$P > 23$$

$$P > 0$$

$$P < 0$$

۱۲۸- اگر رابطه  $x^2 + y^2 + 3x + ky + 4 = 0$  هیچ نقطه‌ای را مشخص نکند، حدود k کدام است؟

$$|k| < \sqrt{7}$$

$$|k| < 7$$

$$|k| > \sqrt{7}$$

$$|k| > 7$$

۱۲۹- در صورتی که خط  $3x + 4y + m = 0$  بر دایرة  $x^2 + 2y + y^2 - 4x = 4$  مماس باشد، مقدار m کدام است؟

$$-17 \text{ و } 13$$

$$-13 \text{ و } 17$$

$$13 \text{ و } 17$$

$$-13 \text{ و } -17$$

۱۳۰- بیشترین فاصله نقاط دایرة  $x^2 + y^2 + 8x - 10y = -37$  از محور y‌ها چقدر است؟

$$7$$

$$6$$

$$2$$

$$4$$

**ریاضی (۱)**۱۳۱- کدام یک از اعداد زیر ریشه دوم عدد  $6\sqrt{2}-11$  است؟

$y - \sqrt{2}$  (۴)

$-y\sqrt{2}-3$  (۳)

$\sqrt{2}+3$  (۲)

$\sqrt{2}-3$  (۱)

۱۳۲- اگر  $a$  و  $b$  مثبت عبارت  $A = \frac{1}{\sqrt{2}-\sqrt[3]{3}}$  برابر باشد،  $a+b$  کدام است؟

۴۱ (۴)

۳۷ (۳)

۳۳ (۲)

۳۲ (۱)

۱۳۳- اگر  $x$  و  $y$  باشد، حاصل  $y = \sqrt[3]{2\sqrt{2}+\sqrt{2}}$  و  $x = \sqrt[3]{2\sqrt{2}-\sqrt{2}}$  چقدر است؟

$4\sqrt{2}-1$  (۴)

$4\sqrt{2}+1$  (۳)

$4\sqrt{2}$  (۲)

$2\sqrt{2}$  (۱)

۱۳۴- در تجزیه  $x^3+6x$  کدام عامل وجود دارد؟

$x^2 - x$  (۴)

$x^2 + x$  (۳)

$x^2 + 4x - 8$  (۲)

$x^2 + 4x + 8$  (۱)

۱۳۵- حاصل عبارت  $B = \frac{x}{\sqrt{x}-1} - \frac{x}{\sqrt{x}+1} + \frac{x-8}{x-1}$  برابر بازی ۱ +  $2^a$  است. مقدار  $a$  کدام است؟

$\frac{1}{2}$  (۴)

$-\frac{1}{2}$  (۳)

-۲ (۲)

۲ (۱)

**حسابان (۱)**۱۳۶- در دنباله هندسی  $a_n = 3 \times 2^{n-1}$ ، مجموع چند جمله اول از این دنباله برابر ۳۰۶۹ است؟

۸ (۴)

۱۱ (۳)

۹ (۲)

۱۰ (۱)

۱۳۷- بزرگترین ریشه حقیقی معادله  $x^3 - 4x^2 = -4$  کدام است؟

$\sqrt{2}-\sqrt{3}$  (۴)

$\sqrt{2}+\sqrt{3}$  (۳)

$2+\sqrt{3}$  (۲)

$2-\sqrt{3}$  (۱)

۱۳۸- کوچکترین ریشه حقیقی معادله  $1 - \sqrt[3]{1 - 2x^2} + 4x^2 = 1$  کدام است؟

$\frac{\sqrt{2}}{2}$  (۴)

$1-\sqrt{2}$  (۳)

$-\frac{\sqrt{2}}{2}$  (۲)

(۱) صفر

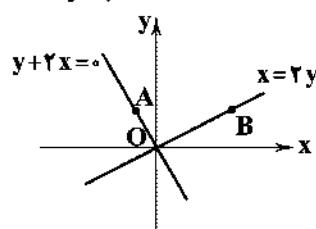
۱۳۹- دو برابر فاصله چه  $x$  هایی از  $-4$  - بزرگتر از  $3$  است؟

$(\frac{5}{2}, \frac{11}{2})$  (۲)

$(-\frac{5}{2}, \frac{11}{2})$  (۱)

$(-\infty, -\frac{11}{2}) \cup (-\frac{5}{2}, +\infty)$  (۴)

$(-\frac{11}{2}, -\frac{5}{2})$  (۳)

۱۴۰- نقطه A روی خط  $y + 2x = 0$  و نقطه B به عرض ۲ روی خط  $y = 2x$  قرار دارد. اگر فاصله از B برابر ۵ باشد. مساحت مثلث AOB چقدر است؟

۶ (۱)

۵ (۲)

$\frac{5}{2}$  (۳)

۴ (۴)

محل انجام محاسبات

## (هندسه) (۷)

- ۱۴۱ - دقیقاً سه نقطه روی دایره  $(O, \Delta)$  وجود دارد که از خط  $d$  به فاصله ۱ باشند. مساحت مثلثی که با این سه نقطه ساخته می‌شود، چقدر است؟

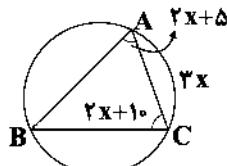
۸ (۴)

۶ (۳)

۱۲ (۲)

۱۶ (۱)

- ۱۴۲ - در شکل زیر، زاویه  $x$  چقدر است؟



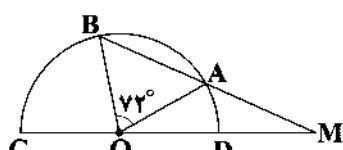
۲۰° (۱)

۲۵° (۲)

۳۰° (۳)

۲۵° (۴)

- ۱۴۳ - در نیم‌دایره زیر  $MA$  با شعاع دایره برابر است و  $\angle AOB = 72^\circ$ . زاویه  $M$  چقدر است؟



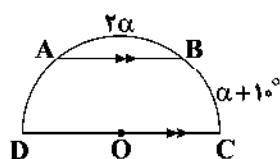
۲۴° (۱)

۲۷° (۲)

۲۵° (۳)

۲۲° (۴)

- ۱۴۴ - در شکل زیر،  $AB$  با قطر نیم‌دایره موازی است، اندازه کمان  $\widehat{AD}$  کدام است؟



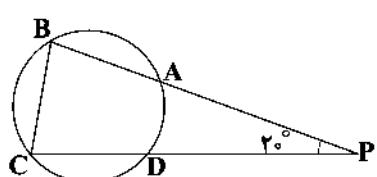
۳۰° (۱)

۵۰° (۲)

۴۰° (۳)

۶۰° (۴)

- ۱۴۵ - اگر در شکل زیر وترهای  $AB$  و  $CD$  همان‌اندازه باشند، اندازه کمان  $AD$  چقدر است؟



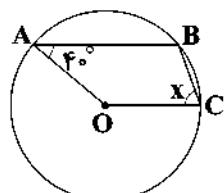
۶۰° (۱)

۵۰° (۲)

۷۰° (۳)

۸۰° (۴)

- ۱۴۶ - در شکل زیر،  $O$  مرکز دایره و  $AB \parallel OC$  و  $\angle BAO = 40^\circ$  و  $\angle BCO = x$ . اندازه زاویه  $\angle BCO$  چند درجه است؟



۵۵ (۱)

۶۰ (۲)

۶۵ (۳)

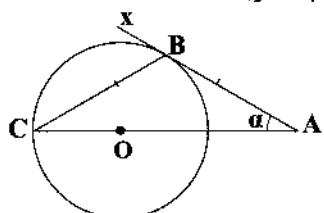
۷۰ (۴)

**ریاضیات**

حل ویدئویی سوالات این رفعه را در  
وبسایت **DriQ.com** مشاهده کنید

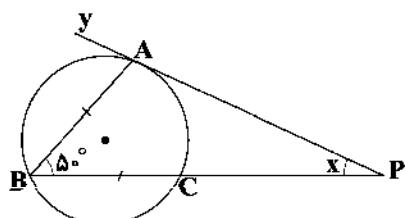
**سوال دوازدهم ریاضی**

- ۱۴۷ - با توجه به شکل،  $AX$  در نقطه  $B$  بر دایره مماس است. اگر  $O$  مرکز دایره و  $|AB|=|BC|$  باشد، زاویه  $\alpha$  چند درجه است؟



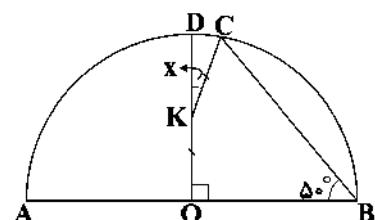
- ۳۰ (۱)  
۳۵ (۲)  
۴۰ (۳)  
۴۵ (۴)

- ۱۴۸ - با توجه به شکل،  $Py$  در نقطه  $A$  بر دایره مماس است و  $ABP = 5^\circ$ ،  $|AB|=|BC|$ ، اندازه زاویه  $APC=x$  کدام است؟



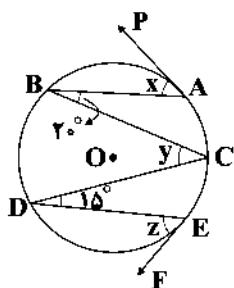
- ۱۰ (۱)  
۱۵ (۲)  
۲۰ (۳)  
۲۵ (۴)

- ۱۴۹ - در شکل زیر،  $O$  مرکز نیم دایره و  $O\hat{B}C=50^\circ$  است.  $|KO|=|KC|$  و  $OD \perp OB$ . اندازه زاویه  $DKC=x$  کدام است؟



- ۱۵ (۱)  
۲۰ (۲)  
۲۵ (۳)  
۳۰ (۴)

- ۱۵۰ - در شکل دایره زیر،  $EF$  و  $AP$  بر  $EF$  و  $AP$  مقدار  $x+y+z$ ،  $D\hat{E}F=z$ ،  $B\hat{C}D=y$ ،  $B\hat{A}P=x$ ،  $C\hat{D}E=15^\circ$ ،  $A\hat{B}C=20^\circ$  کدام است؟



- دایره مماس است.  
۱۳۵ (۱)  
۱۴۰ (۲)  
۱۴۵ (۳)  
۱۵۰ (۴)

**سایت کنکور****آمار و احتمال**

- ۱۵۱ - خانواده‌ای ۵ فرزند دارد و سیروس بزرگترین فرزند آن‌ها است. احتمال آن‌که در این خانواده حداقل ۳ فرزند پسر وجود داشته باشد، چقدر است؟

- $\frac{11}{32}$  (۱)  $\frac{11}{15}$  (۲)  $\frac{15}{32}$  (۳)  $\frac{11}{16}$  (۴)

- ۱۵۲ - اگر  $A$  و  $B$  دو پیشامد از فضای نمونه‌ای  $S$  باشند، حاصل  $P(A'|B)=\frac{P(A' \cap B)}{P(A \cap B')}$  کدام است؟

- $\frac{16}{21}$  (۱)  $\frac{8}{9}$  (۲)  $\frac{14}{15}$  (۳)  $\frac{2}{21}$  (۴)

محل انجام محاسبات

۱۵۳- اگر  $P(\{a, b, c\} \mid \{b, c, d\}) = P(a) = \frac{1}{5}$  و  $P(\{a, b, c\}) = P(\{b, c, d\}) = \frac{1}{4}$ ،  $S = \{a, b, c, d, e\}$  کدام است؟

$\frac{2}{5}(4)$

$\frac{1}{3}(3)$

$\frac{1}{5}(2)$

$\frac{2}{3}(1)$

۱۵۴- در جعبه A، ۵ سبب قرمز و ۱۰ سبب زرد و در جعبه B، ۷ سبب قرمز و ۳ سبب زرد وجود دارد. از جعبه A، ۷ سبب و از جعبه B، ۳ سبب به تصادف انتخاب و در جعبه دیگری می‌ریزیم و یک سبب به تصادف از آن بیرون می‌آوریم و مشاهده می‌کنیم که قرمز است. احتمال آن که سبب متعلق به جعبه A بوده باشد، کدام است؟

$\frac{16}{255}(4)$

$\frac{5}{91}(3)$

$\frac{5}{13}(2)$

$\frac{61}{225}(1)$

۱۵۵- در گلدان X، ۵ مهره سیاه و ۵ مهره سفید و در گلدان Y، ۷ مهره سیاه و ۳ مهره سفید وجود دارد. سکه‌ای را دو بار پرتاب می‌کنیم، اگر حداقل ۱ بار به «رو» ظاهر شود از گلدان X و در غیر این صورت از گلدان Y، مهره‌ای را به تصادف انتخاب می‌کنیم. اگر مهره انتخاب شده سفید باشد با چه احتمالی هر دو بار، سکه به «رو» ظاهر شده است؟

$\frac{15}{61}(4)$

$\frac{10}{61}(3)$

$\frac{30}{61}(2)$

$\frac{45}{61}(1)$



۱۵۶- دو نقطه A و B بر سطح زمین به ترتیب در عرض جغرافیایی  $37^\circ$  و  $53^\circ$  قرار دارند. در دوران زمین به دور محور خود، تندی نقطه B چند برابر تندی نقطه A است؟ ( $\sin 53^\circ = 4/5$ ،  $\sin 37^\circ = 3/5$ )

$\frac{4}{3}(4)$

$\frac{3}{4}(3)$

$\frac{3}{5}(2)$

$\frac{5}{3}(1)$

۱۵۷- وزنهای به جرم ۵kg به انتهای فتری با ثابت  $10^6 \frac{N}{m}$  بسته شده و روی سطح افقی بدون اصطکاک، با تندی ثابت به دور سر دیگر فنر که در یک نقطه ثابت شده است، در هر دقیقه  $10$  دور می‌زنند. اگر در طول دوران وزنه، طول فنر (شعاع دایره)  $8$  سانتی‌متر باشد، طول عادی فنر چند سانتی‌متر است؟ ( $\pi = 3$ )

$84(4)$

$78(3)$

$76(2)$

$82(1)$

۱۵۸- در یک حرکت دایره‌ای یکنواخت، قطر دایره  $12$  متر و اندازه شتاب مرکزگرا  $\frac{3\pi}{s^2}$  است. در مدتی که متوجه نصف دایره را طی می‌کند، اندازه سرعت متوسط آن چند متر بر ثانیه است؟

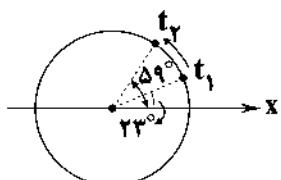
$12\pi(4)$

$6\pi(3)$

$6(2)$

$12(1)$

۱۵۹- شکل زیر مکان ذره‌ای را که روی دایره‌ای به طور یکنواخت در حال حرکت است، در دو لحظه  $t_1 = 2s$  و  $t_2 = 6s$  نشان می‌دهد. دوره این حرکت چند ثانیه است؟ (در هر لحظه صفر متوجه در زاویه صفر نسبت به محور افقی (X) قرار دارد.)



$40(1)$

$42(2)$

$10(3)$

$1(4)$

۱۶۰- دو جسم به جرم‌های یکسان بر روی یک صفحه دایره‌ای شکل افقی و در فواصل یکسان از مرکز صفحه قرار گرفته‌اند و ضرایب اصطکاک ایستایی آن‌ها با صفحه  $\mu_s = 3\mu_k$  است. اگر این صفحه با آهنگ یکنواختی بچرخد (بدون لغش دو جسم روی صفحه) نسبت نیروی اصطکاک وارد بر جسم دوم به نیروی اصطکاک وارد بر جسم اول برابر کدام گزینه است؟

(۴) ۳

(۳) ۱

(۲) ۲

(۱) ۴

۱۶۱- جسمی به جرم  $4\text{ kg}$  را به انتهای یک ریسمان به طول  $5\text{ m}$  بسته‌ایم و روی سطح افقی بدون اصطکاک با تندی ثابت حول سر دیگر ریسمان می‌چرخانیم. اگر جسم در هر ثانیه  $2$  دور بزند، اندازه نیروی کشش ریسمان چند نیوتون است؟ ( $\pi = 3$ )

(۴) ۱۴۴

(۳) ۲۶

(۲) ۲۸۸

(۱) ۵۷۶

۱۶۲- جسمی به جرم  $4\text{ kg}$  روی یک صفحه دایره‌ای شکل افقی که حول محور خود با تندی ثابت می‌چرخد و در فاصله  $5\text{ m}$  از مرکز دایره قرار دارد. اگر صفحه دایره‌ای شکل در هر دقیقه  $150$  دور بچرخد، بزرگی نیروی اصطکاک وارد بر جسم چند نیوتون است؟ (جسم روی صفحه دایره‌ای شکل نمی‌لغزد).

(۴)  $125\pi^2$ (۳)  $50\pi^2$ (۲)  $25\pi^2$ (۱)  $12/5\pi^2$ 

۱۶۳- تندی متحرکی که به صورت یکنواخت روی محیط دایره‌ای به قطر  $3\text{ m}$  در هر دقیقه  $40$  دور می‌چرخد، چند متر بر ثانیه است؟

(۴)  $36\pi$ (۳)  $18\pi$ (۲)  $12\pi$ (۱)  $24\pi$ 

۱۶۴- متحرکی روی دایره‌ای به شعاع  $20\text{ m}$  حرکت دایره‌ای یکنواخت با دوره  $2/58$  انجام می‌دهد، در مدت زمان  $1/255$  اندازه سرعت متوسط آن چند متر بر ثانیه است؟

(۴)  $2\pi$ (۳)  $4\pi$ (۲)  $16$ (۱)  $32$ 

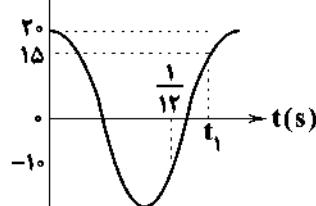
۱۶۵- ماهواره A در ارتفاعی معادل با  $7$  برابر شعاع کره زمین و ماهواره B در ارتفاعی برابر با شعاع کره زمین، از سطح زمین، روی مدار تقریباً دایره‌ای شکل حرکت می‌کنند. اگر جرم ماهواره A دو برابر جرم ماهواره B باشد، اندازه شتاب مرکزگرای ماهواره A چند برابر اندازه شتاب مرکزگرای ماهواره B است؟

(۴)  $\frac{1}{32}$ (۳)  $\frac{1}{16}$ (۲)  $\frac{1}{8}$ (۱)  $\frac{1}{4}$ 

۱۶۶- وزنهای به جرم  $250\text{ g}$  را به یک فنر با ثابت  $N/m = 100$  متصل می‌کنیم و روی سطح افقی بدون اصطکاک، روی پاره خطی به طول  $10\text{ cm}$  به نوسان در آورده‌ایم. چند ثانیه از شروع حرکت طول می‌کشد تا شتاب نوسانگر برای دومین بار صفر شود؟

(۴)  $\frac{\pi}{10}$ (۳)  $\frac{3\pi}{40}$ (۲)  $\frac{\pi}{20}$ (۱)  $\frac{\pi}{40}$ 

۱۶۷- نمودار مکان - زمان یک سامانه جرم - فنر که حرکت هماهنگ ساده انجام می‌دهد، مطابق شکل زیر است. اندازه شتاب نوسانگر در لحظه  $t_1$  چند متر بر مجدور ثانیه است؟ ( $\pi^2 = 10$ )



(۱) ۳۸۴

(۲) ۷۶۸

(۳) ۱۹۲

(۴) ۹۶

محل انجام محاسبات

۱۶۸- در سامانه جرم - فنر، ثابت فنر  $\frac{N}{m} = 200$  و جرم جسم  $8\text{ kg}$  است. اگر سامانه روی پاره خطی به طول  $32\text{ cm}$  سانچی مترا در حال نوسان باشد، انرژی جنبشی نوسانگر در نقطه تعادل چند زول است؟ (مسیر نوسان را بدون اصطکاک در نظر بگیرید.)

۰/۶۴ (۴)

۵/۱۲ (۳)

۰/۳۲ (۲)

۲/۵۶ (۱)

۱۶۹- نوسانگر هماهنگ ساده‌ای روی پاره خطی به طول  $20\text{ cm}$  در حال نوسان است و در مدت زمان  $3\text{ s}$  ثانیه، ۲۴ بار طول این پاره خط را طی می‌کند. در لحظه‌ای که انرژی جنبشی نوسانگر  $\frac{1}{35}$  انرژی پتانسیل آن است، اندازه سرعت نوسانگر چند متر بر ثانیه است؟ ( $\pi = 3$ )

۴ (۴)

۶ (۳)

۰/۴ (۲)

۹ (۱)

۱۷۰- وزنهای به جرم  $1\text{ kg}$  را به یک فنر با ثابت  $\frac{N}{m} = 400$  متصل می‌کنیم و روی سطح افقی بدون اصطکاک با دامنه  $4\text{ cm}$  به نوسان در می‌آوریم. چند ثانیه از شروع حرکت طول می‌کشد تا برای دومین بار انرژی جنبشی نوسانگر بیشینه شود؟ ( $\pi^2 = 10$ )

 $\frac{4\pi}{30}$  (۴) $\frac{3\pi}{40}$  (۳) $\frac{3\pi}{10}$  (۲) $\frac{\pi}{10}$  (۱)

۱۷۱- چهار آونگ ساده به طول‌های  $0/3\text{ m}$ ,  $0/5\text{ m}$ ,  $1\text{ m}$  و  $3\text{ m}$  از یک میله افقی آویزان هستند. میله با بسامد زاویه‌ای در بازه  $\frac{2\text{ rad}}{s}$  تا به طور افقی به نوسان در می‌آید. کدام آونگ دچار تشدید می‌شود؟ ( $g = 10\text{ m/s}^2$  و این آزمایش روی سطح زمین انجام شده است.)

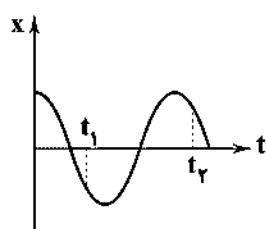
(۴) ۰/۳ متری

(۳) ۰/۵ متری

(۲) ۳ متری

(۱) ۱ متری

۱۷۲- نمودار مکان - زمان نوسانگر هماهنگ ساده‌ای مطابق شکل زیر است. بین دو لحظه  $t_1$  و  $t_2$  جهت برایند نیروهای وارد بر نوسانگر چند مرتبه تغییر کرده است؟



۱ (۱)

۲ (۲)

۳ (۳)

۴ (۴)

۱۷۳- به وسیله یک آونگ ساده به طول  $4\text{ m}$  که در حال نوسان هماهنگ ساده روی سطح زمین است، وزنه متصل به فنری با ثابت  $\frac{N}{m} = 12/5$  را

تشدید می‌کنیم. جرم وزنه متصل به فنر چند کیلوگرم است؟ ( $\pi = \sqrt{10}$ ,  $g = 10\text{ m/s}^2$ )

۵ (۴)

۰/۵ (۳)

۰/۲۵ (۲)

۲/۵ (۱)

۱۷۴- معادله مکان - زمان نوسانگری در یک حرکت هماهنگ ساده به صورت  $x = A \cos \omega t$  است. در لحظه‌ای که بزرگی سرعت نوسانگر  $25\text{ cm/s}$  درصد کمتر از بزرگی سرعت بیشینه آن است، رابطه بین انرژی پتانسیل (U) و انرژی جنبشی (K) این نوسانگر کدام است؟ (از اصطکاک صرف نظر کنید.)

$$K = \frac{7}{9} U \quad (۲)$$

$$K = \frac{9}{7} U \quad (۱)$$

$$K = \frac{9}{16} U \quad (۴)$$

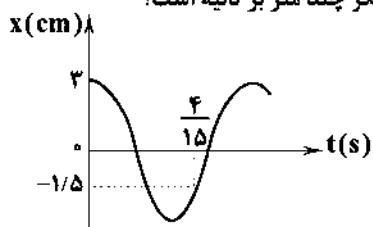
$$K = \frac{16}{9} U \quad (۳)$$

## فیزیک | ۱۱

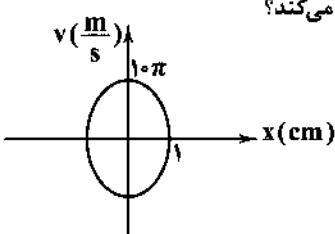
حل ویدئویی سوالات این دفعه را در  
وبسایت **DriQ.com** مشاهده کنید

## سوال دوازدهم ریاضی

۱۷۵- نمودار مکان - زمان نوسانگر هماهنگ ساده‌ای مطابق شکل زیر است. اندازه بیشینه سرعت نوسانگر چند متر بر ثانیه است؟

(۱)  $0/5\pi$ (۲)  $0/10\pi$ (۳)  $0/15\pi$ (۴)  $0/3\pi$ 

۱۷۶- نمودار تغییرات سرعت بر حسب مکان برای یک نوسانگر هماهنگ ساده مطابق شکل زیر است. به ترتیب از راست به چپ، مدت زمان هر نوسان این نوسانگر چند ثانیه است و این نوسانگر در هر نوسان چه مسافتی بر حسب سانتی‌متر را طی می‌کند؟

(۱)  $0/002$ (۲)  $8/0002$ (۳)  $8/0002\pi$ (۴)  $4/0002\pi$ 

۱۷۷- یک نوسانگر هماهنگ ساده روی یک پاره‌خط به طول  $24\text{ cm}$  با بسامد  $20\text{ Hz}$  نوسان می‌کند. بیشینه تندی متوسط نوسانگر در بازه زمانی

دلخواه  $\frac{1}{120}\text{ s}$  چند متر بر ثانیه است؟

(۱)  $14/4\sqrt{2}$ (۲)  $14/4\sqrt{3}$ (۳)  $28/8$ (۴)  $14/4$ 

۱۷۸- یک آونگ ساده به طول ۱ متر، روی سطح زمین با دامنه  $2\text{ cm}$  نوسان می‌کند. چند ثانیه طول می‌کشد تا انتهای آونگ مسافت  $24\text{ cm}$  را

طی کند؟ ( $\pi=\sqrt{10}$ ,  $g=10\frac{\text{m}}{\text{s}^2}$ )

(۱) ۲۴

(۲) ۱۲

(۳) ۶

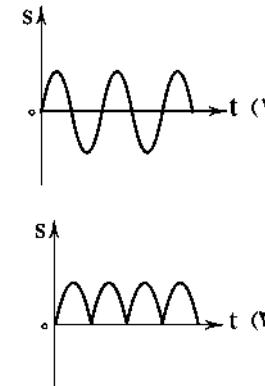
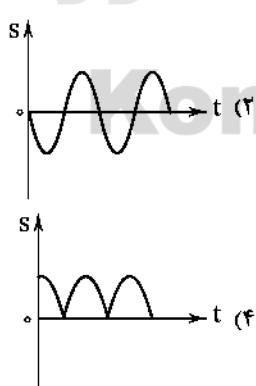
(۴) ۳

۱۷۹- وزنهای به جرم  $4\text{ kg}$  روی پاره‌خطی به طول  $20\text{ cm}$  در هر دقیقه  $120$  نوسان کامل انجام می‌دهد. انرژی مکانیکی نوسانگر چند ژول است؟

(۱)  $\pi^2$  و از اصطکاک صرف نظر کنید.

(۲)  $4/8$ (۳)  $3/2$ (۴)  $6/4$ (۵)  $1/6$ 

۱۸۰- کدام گزینه بیانگر نمودار تندی - زمان یک نوسانگر هماهنگ ساده است؟



محل انجام محاسبات

توجه: داوطلبان گرامی، لطفاً از بین سوالات زوج درس ۱ (فیزیک ۱)، شماره ۱۸۱ تا ۱۹۰ و زوج درس ۲ (فیزیک ۲)، شماره ۱۹۱ تا ۲۰۰، فقط یک سری را به انتخاب خود پاسخ دهید.

## زوج درس ۱

## فیزیک (۱) (سوالات ۱۸۱ تا ۱۹۰)

۱۸۱- شعاع کره زمین  $6400\text{ km}$  است. اگر مساحت کره زمین بر حسب  $\text{dm}^2$  به صورت نماد علمی  $a \times 10^b$  بیان شود، در این صورت  $a+b$  کدام است؟ ( $\pi=3$ )

(۴)  $209152$

(۳)  $209152$

(۲)  $209152$

(۱)  $209152$

۱۸۲- در کدام یک از گزینه‌های زیر تعداد کمیت‌های فرعی بیشتر است؟

(۲) زمان، دما، شدت روشنایی، حجم

(۴) حجم، دما، مقدار ماده، زمان

۱۸۳- مطابق شکل زیر، شخصی در حال هُل دادن یک جسم نسبتاً بزرگ است. در مدل سازی فیزیکی این پدیده کدام یک از موارد زیر را می‌توان نادیده گرفت به طوری که نتیجه‌ی بررسی مدل با واقعیت تفاوت آشکاری نداشته باشد؟



(۱) نیروی دست

(۲) نیروی اصطکاک

(۳) جرم جسم

(۴) حجم و ابعاد جسم

۱۸۴- شلنگ آبی را درون حوضی خالی از آب قرار می‌دهیم. آب با آهنگ  $\frac{\text{lit}}{\text{min}}$  از شلنگ خارج می‌شود. اگر مساحت سطح حوض  $\text{m}^2$   $(20 \times 22)$  باشد، ارتفاع آب با چه آهنگی بر حسب  $\frac{\text{cm}}{\text{s}}$  در حوض بالا می‌آید؟

(۴)  $\frac{1}{44}$

(۳)  $44$

(۲)  $\frac{1}{22}$

(۱)  $22$

۱۸۵- کدام یک از گزینه‌های زیر نادرست است؟

(۱) مدل‌ها و نظریه‌های فیزیکی در طول زمان همواره معتبر نیستند.

(۲) ویژگی آزمون‌پذیری و اصلاح نظریه‌های فیزیکی، نقطه قوت دانش فیزیک است.

(۳) نتایج آزمایش‌های جدید در فیزیک می‌تواند منجر به بازنگری مدل یا نظریه‌ای شود.

(۴) آزمایش و مشاهده بیشترین نقش را در پیشبرد و تکامل علم فیزیک داشته است.

۱۸۶- کره‌ای به شعاع  $R$  را ذوب کرده و از آن استوانه‌ای به شعاع  $R'$  و ارتفاع  $\frac{R'}{2}$  ساخته‌ایم. نسبت  $\frac{R'}{R}$  چقدر است؟

(۴)  $2$

(۳)  $\sqrt[2]{2}$

(۲)  $\frac{2}{\sqrt[2]{3}}$

(۱)  $\frac{\sqrt[2]{3}}{2}$

۱۸۷- درون کره‌ای به شعاع  $10\text{ cm}$  حفره‌ای وجود دارد. جرم کره  $100\text{ g}$  و چگالی آن  $\frac{g}{\text{cm}^3}$   $\frac{1}{2}$  است. حال اگر درون حفره را با مایعی به

چگالی  $\frac{g}{\text{cm}^3}$   $\frac{1}{2}$  پر کنیم. جرم مایع چند گرم خواهد بود؟ ( $\pi=3$ )

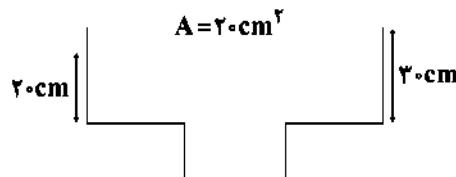
(۴)  $1710$

(۳)  $2720$

(۲)  $3730$

(۱)  $4740$

۱۸۸- در ظرفی به شکل زیر، با قرار دادن جسمی به چگالی  $\frac{g}{cm^3}$  درون آن، به اندازه  $120\text{ g}$  مایع از ظرف بیرون می‌ریزد. جرم جسم چند گرم است؟ (چگالی مایع  $\frac{g}{cm^3} = 6$  است).



- ۲۰۰ (۱)  
۴۰۰ (۲)  
۸۰۰ (۳)  
۱۶۰۰ (۴)

۱۸۹- در رابطه  $A = BC^2 + DE^2$ ، (A) کمیت مسافت، (C) کمیت تندی و (D) کمیت زمان است. یکای کمیت‌های B و E به ترتیب از راست به چپ در کدام گزینه به درستی بیان شده است؟

- $\frac{s}{m}, \frac{s^2}{m}$  (۱)  $\frac{m}{s}, \frac{s^2}{m}$  (۲)  $\frac{m}{s}, \frac{m}{s^2}$  (۳)  $\frac{s}{m}, \frac{m}{s}$  (۴)

۱۹۰- با توجه به دستگاه نیروسنج زیر، کدام یک از گزینه‌های زیر می‌تواند گزارش این اندازه‌گیری باشد؟

- $32.85\text{ N} \pm 0.005\text{ N}$  (۱)  
 $32.85\text{ N} \pm 0.01\text{ N}$  (۲)  
 $32.85\text{ N} \pm 0.05\text{ N}$  (۳)  
 $32.85\text{ N} \pm 0.1\text{ N}$  (۴)

32.85 N

### زوج درس ۲

### فیزیک (۲) (سوالات ۱۹۱ تا ۲۰۰)

۱۹۱- مطابق شکل زیر، دو بار نقطه‌ای  $q_1$  و  $q_2$  روی محیط یک دایره به شعاع r قرار دارند. اگر بزرگی میدان الکتریکی حاصل از بار  $q$  در مرکز دایره E باشد بزرگی برای بد میدان‌های الکتریکی حاصل از دو بار در نقطه M روی محور آذینه از مرکز دایره که در فاصله r از مرکز دایره قرار دارد، چند برابر E است؟



۱۹۲- با توجه به جدول سری الکتریسیته مالشی زیر، اگر جسم A را به جسم خنثی D مالش دهیم، اندازه بار جسم D برابر  $C = 1.6 \times 10^{-19}\text{ C}$  خواهد شد. در این صورت کدام گزینه در مورد انتقال الکترون بین دو جسم صحیح است؟ ( $e = 1.6 \times 10^{-19}\text{ C}$ )

انتهای مثبت سری
A
B
C
D
E
F
انتهای منفی سری

- (۱) تعداد ۱۲ الکترون از جسم A به جسم D انتقال یافته است.  
 (۲) تعداد ۱۲ الکترون از جسم D به جسم A انتقال یافته است.  
 (۳) تعداد ۱۱ الکترون از جسم A به جسم D انتقال یافته است.  
 (۴) تعداد ۱۱ الکترون از جسم D به جسم A انتقال یافته است.

۱۹۳- دو کره باردار فلزی کوچک و مشابه، در فاصله مشخصی از هم به یکدیگر نیرویی به بزرگی  $F$  وارد می‌کنند. اگر دو کره را با یکدیگر تماس داده و در همان فاصله قبلی نسبت به یکدیگر قرار دهیم، به یکدیگر نیرویی به بزرگی  $F'$  وارد کنند، کدام گزینه صحیح است؟ (کره‌ها روی پایه عایق قرار دارند.)

$F < F'$  (۲)

$F > F'$  (۱)

(۴) هر سه گزینه می‌تواند صحیح باشد.

$F = F'$  (۳)

۱۹۴- در شکل زیر، برایند نیروهای وارد بر هر یک از بارها برابر صفر است. بار  $q_2$  چند میکروکولن است؟

$\frac{36}{5}$  (۱)

$-\frac{36}{5}$  (۲)

$\frac{5}{36}$  (۳)

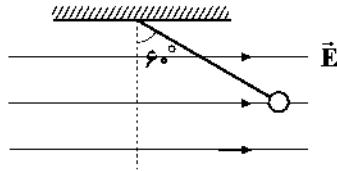
$-\frac{5}{36}$  (۴)

$q_1 = 20\mu C$

$q_2$

$q_3 = 45\mu C$

۱۹۵- با توجه به شکل زیر، گلوله باردار آونگ در میدان الکتریکی یکنواخت و افقی  $\vec{E}$  در حال تعادل قرار دارد. بزرگی میدان الکتریکی چند برابر شود تا زاویه انحراف آونگ از خط عمود از  $60^\circ$  به  $45^\circ$  تغییر کند؟



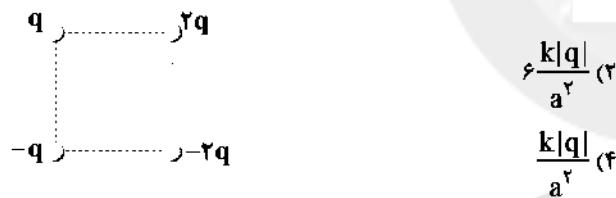
$\sqrt{3}$  (۲)

$\sqrt{2}$  (۱)

$\frac{\sqrt{3}}{3}$  (۴)

$\sqrt{6}$  (۳)

۱۹۶- مطابق شکل زیر، چهار بار الکتریکی نقطه‌ای در چهار رأس مربعی به ضلع  $a$  قرار دارند. بزرگی برایند میدان‌های الکتریکی حاصل از چهار بار در مرکز مربع کدام است؟ ( $q > 0$ )



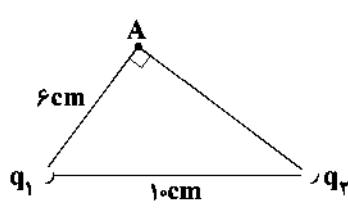
$\frac{k|q|}{a^2}$  (۲)

$\frac{k|q|}{a^2}$  (۱)

$\frac{k|q|}{a^2}$  (۴)

$\sqrt{2} \frac{k|q|}{a^2}$  (۳)

۱۹۷- با توجه به شکل زیر، اگر برایند میدان‌های الکتریکی حاصل از دو بار نقطه‌ای  $q_1$  و  $q_2$  در نقطه A در رأس مثلث موازی با محور x باشد،



**Kenkur.in**

$$\text{نسبت } \frac{q_2}{q_1} \text{ چقدر است?}$$

$\frac{64}{27}$  (۱)

$-\frac{64}{27}$  (۲)

$\frac{27}{64}$  (۳)

$-\frac{27}{64}$  (۴)

۱۹۸- یک بار الکتریکی نقطه‌ای منفی را در جهت خطوط میدان الکتریکی با سرعت ثابت جابه‌جا می‌کنیم. در این جایه‌جایی، پتانسیل الکتریکی و کار میدان الکتریکی ..... و کار نیروی ما ..... و تغییرات انرژی جنبشی ..... می‌یابد.

(۲) افزایش - منفی - منفی - صفر

(۱) کاهش - مثبت - مثبت - صفر

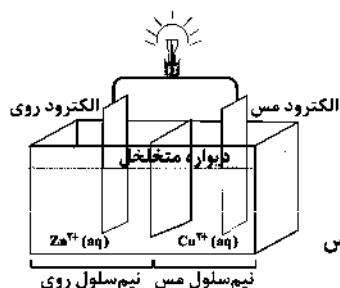
(۴) افزایش - مثبت - منفی - مثبت

(۳) کاهش - منفی - مثبت - صفر

- ۱۹۹- مطابق شکل مقابل، ذره‌ای با بار  $C = -2\mu C$  از نقطه A با تندی اولیه  $\frac{m}{s} = 4$  برتاب شده و در نقطه B متوقف شده است. اگر بزرگی میدان الکتریکی یکنواخت برابر  $\frac{N}{C} = 10$  و پتانسیل الکتریکی نقطه A ۱۰ ولت باشد، پتانسیل الکتریکی نقطه B چند ولت است؟ ( $AB = 10\text{ cm}$ )
- (۱) ۱۲۰ (۴)      (۲) ۸۰ (۳)      (۳) ۱۱۰ (۲)      (۴) ۹۰ (۱)
- ۲۰۰- در شکل زیر با استن کلید K و پس از ایجاد تعادل، بار الکتریکی ذخیره شده روی پوسته‌های رسانای A و B به ترتیب از راست به چپ چند میکروکولن می‌شود؟
- (۱) ۱۲ و ۲ (۱)      (۲) ۱۰ و ۲ (۲)      (۳) -۱۲ و -۲ (۳)      (۴) -۲ و ۱۰ (۴)
- 



## شیمی



(۴) «ب»، «پ»

(۳) «پ»، «ت»

(۲) «آ»، «ت»

(۱) «آ»، «ب»

- ۲۰۱- کدام مطالب زیر در مورد سلول گالوانی زیر درست‌اند؟
- (آ) دیواره متخلخل از مخلوط شدن سریع و مستقیم دو الکترولیت جلوگیری می‌کند.
- (ب) کاتیون‌های مس با عبور از دیواره متخلخل به سمت نیم‌سلول روی حرکت می‌کنند.
- (پ) در قطب مثبت سلول، اتم‌های فلزی کاهش می‌یابند.
- (ت) به دلیل کم‌تر بودن قدرت کاهندگی فلز مس در مقایسه با فلز روی، به مرور  $E^\circ$  نیم‌سلول مس کاهش می‌یابد.
- (۱) «آ»، «ب»      (۲) «آ»، «ت»      (۳) «پ»، «ت»      (۴) «ب»، «پ»
- ۲۰۲- چه تعداد از واکنش‌های زیر از نوع اکسایش-کاهش است؟
- (آ) آمونیاک + منیزیم هیدروکسید  $\rightarrow$  آب + منیزیم نیترید
- (ب) کلسیم هیدروکسید + اتنین  $\rightarrow$  آب + کلسیم کاربید ( $\text{CaC}_2$ )
- (پ) اکسیژن + نیتروژن دی‌اکسید + آب  $\rightarrow$  نیتریک اسید
- (ت) اکسیژن + هیدروفلوریک اسید  $\rightarrow$  هیپوفلوریو اسید ( $\text{HOF}$ )
- (۱) ۲ (۱)      (۲) ۴ (۲)      (۳) ۱ (۱)      (۴) ۳ (۴)

- ۲۰۳- واکنش کلی ( $M^{3+}(\text{aq}) + \text{Al}(\text{s}) \rightarrow M(\text{s}) + \text{Al}^{3+}(\text{aq})$ ) در سلول گالوانی استاندارد متشکل از فلزهای M و Al انجام می‌شود. هنگامی که غلظت کاتیون آند در نیم‌سلول آندی  $80\%$  بیش‌تر از غلظت اولیه آن است، ۵۳/۷۶ گرم بر جرم کاتد افزوده شده است. در این صورت جرم مولی M چند گرم است؟ (حجم الکترولیت‌ها در هر نیم‌سلول  $400\text{ mL}$  بوده است و  $(\text{Al}) = 27\text{ g/mol}$ )

(۴) ۶۴

(۳) ۱۱۲

(۲) ۵۶

(۱) ۱۶۸

۲۰۴- چه تعداد از عبارت‌های زیر درباره پسماندهای الکترونیکی درست‌اند؟

(آ) منظور از پسماندهای الکترونیکی، دستگاه‌های الکترونیک است که سرتاجام به همراه باتری‌های درون خود به شکل پسماند دور ریخته می‌شوند.

(ب) این پسماندها به دلیل زیست تخریب‌ناپذیر بودن، سمی هستند.

(پ) برای جلوگیری از آلوده کردن محیط زیست، می‌توان آن‌ها را به جای رها کردن در طبیعت، دفن کرد.

(ت) تاکنون راهی برای بازیافت مواد و فلزهای ارزشمند و گران‌قیمت موجود در آن‌ها، پیدا نشده است.

۱ (۴)

۲ (۳)

۳ (۲)

۴ (۱)

۲۰۵- در سلول گالوانی مسیزیم - آلومینیم، ..... سلول گالوانی منگنز - روی، میزان تغییر جرم الکترود آند، ..... از میزان تغییر جرم الکترود کاتد است.

$(Mg = 24, Al = 27, Mn = 55, Zn = 65 : g \cdot mol^{-1})$

۴) برخلاف - بیشتر

۳) همانند - کمتر

۱) همانند - کمتر

۲۰۶- کدامیک از گونه‌های زیر، قادر اتمی با عدد اکسایش ۱ - است؟

 $NaHCO_3$  (۴) $KO_2$  (۳) $BaH_2$  (۲) $SrO_2$  (۱)

۲۰۷- چه تعداد از اعداد اکسایش  $-3, -2, -1, 0, +1, +2, +3, +4$  در ترکیبی با ساختار زیر وجود دارد؟

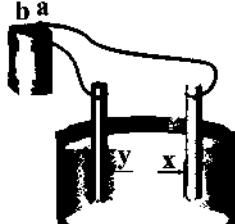
۴ (۱)

۵ (۲)

۶ (۳)

۷ (۴)

۲۰۸- شکل زیر مربوط به برکافت سدیم کلرید مذاب است. با توجه به آن، جهت حرکت الکترون‌ها در مدار بیرونی از ..... به سمت ..... بوده و ..... برخلاف ..... نقش کاتد را دارد. (گزینه‌ها را از راست به چپ بخوانید).



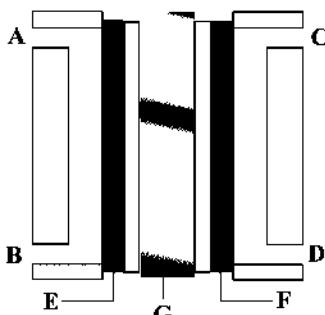
b . X . X . Y (۱)

a . X . X . Y (۲)

b . Y . Y . X (۳)

a . Y . Y . X (۴)

۲۰۹- شکل زیر نوعی سلول سوختی هیدروژن - اکسیژن را نشان می‌دهد که با غشای مبادله کننده هیدروژنیوم کار می‌کند. اگر در قسمت A سوخت وارد شود، چه تعداد از عبارت‌های زیر درباره این سلول درست است؟



(آ) از قسمت B، سوخت مصرف‌نشده خارج می‌شود و C نیز ورودی گاز اکسیژن را نشان می‌دهد.

(ب) یون‌های هیدروژنیوم از سمت چپ به راست و یون‌های هیدروکسید از سمت راست به چپ جایه‌جا می‌شوند.

(پ) E و F به ترتیب آند، کاتد و کاتالیزگر نیم واکنش‌های اکسایش و کاهش را نشان می‌دهند.

(ت) جهت جریان الکترون در مدار خارجی از سمت چپ به راست بوده و D محل خروج فراورده نهایی واکنش کلی سلول است.

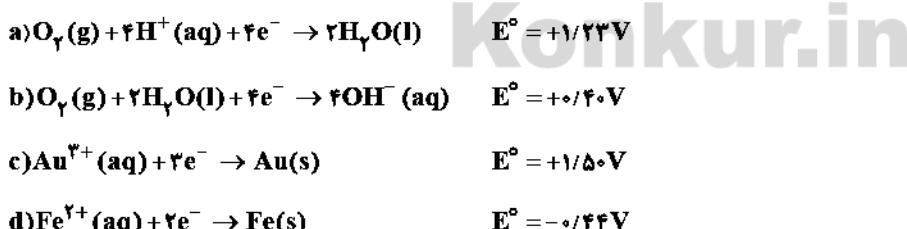
۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

- ۲۱۰- چه تعداد از عبارت‌های زیر درباره برقکافت آب، نادرست است؟
- هدف اصلی از برقکافت آب، تولید گاز هیدروژن است.
  - برای برقکافت آب، باید از آب خالص استفاده کرد، زیرا ناخالصی‌ها بازده واکنش را کاهش می‌دهند.
  - در نیم واکنش انجام شده در قطب مثبت، به ازای تولید یک مول گاز، چهار مول الکترون مبادله می‌شود.
  - حجم گاز تولیدشده در کاتد، دو برابر حجم گاز تولیدشده در آند است.
- ۳ (۴)                  ۲ (۳)                  ۱ (۲)                  ۱) صفر
- ۲۱۱- کدام یک از مطالب زیر درباره سلول‌های الکتروولیتی نادرست است؟
- در این سلول‌ها، دو الکترود درون یک الکتروولیت قرار دارند.
  - الکترودها اغلب گرافیتی هستند و الکتروولیت محتوی یون‌هایی است که آزادانه جابه‌جا می‌شوند.
  - هنگامی که این سلول‌ها، ولتاژ معنی‌تولید می‌کنند، یون‌ها به سوی الکترود با بار ناهم‌نام حرکت می‌کنند.
  - در این سلول‌ها الکترودی که در آن الکترون مصرف می‌شود به قطب منفی باتری متصل است.
- ۲۱۲- چه تعداد از عبارت‌های زیر درباره برقکافت سدیم‌کلرید که منجر به تولید سدیم می‌شود، درست است؟ ( $Na = ۲۳, Cl = ۳۵/۸: g/mol$ )
- این فرایند در یک سلول الکتروولیتی انجام می‌شود.
  - در این فرایند از مقداری کلسیم کلرید استفاده می‌شود، زیرا اتحلال آن در آب، گرماده است و موجب کاهش دمای ذوب NaCl می‌شود.
  - به ازای یک گرم از ماده‌ای که در قطب منفی سلول مورد نظر تولید می‌شود، بیش از ۳g ماده در قطب دیگر به دست می‌آید.
  - با انجام نیم واکنش مربوط به قطب منفی سلول برقکافت، شاعع گونه مصرف شده در آن، افزایش می‌یابد.
- ۲ (۴)                  ۱ (۳)                  ۳ (۲)                  ۴ (۱)
- ۲۱۳- کدام مطالب زیر درباره مراحل تهیه فلز متیزیم از آب دریا، درست‌اند؟
- در مرحله اول، یون هیدروکسید به آب دریا افزوده شده و سپس، رسوب حاصل با صافی جداسازی می‌شود.
  - در مرحله‌ای که هیدروکلریک اسید اضافه می‌شود، واکنش شیمیایی رُخ می‌دهد که طی آن به ازای مصرف هر مول اسید، یک مول آب به دست آید.
  - مراحل تهیه فلز متیزیم از آب دریا، شامل چند واکنش شیمیایی است که دو مورد از آن‌ها اکسایش - کاهش هستند.
  - فراورده کاتدی سلول الکتروولیتی موجود در این فرایند در مقایسه با الکتروولیت مذاب، چگالی بیش تری دارد.
- ۱) «آ»، «ب»                  ۲) «آ»، «پ»                  ۳) «ب»، «ت»                  ۴) «پ»، «ت»
- ۲۱۴- با توجه به نیم واکنش‌های زیر، می‌توان نتیجه گرفت که تفاوت  $\Delta E^\circ$  واکنش خوردگی آهن در محیط ختنی با محیطی که pH آن برابر صفر است، ..... ولت بوده و فلز طلا ..... است.



- (۲) ۱/۶۳، در محیطی با  $pH = ۰$ ، به تدریج خوردگی آهن در محیطی که  $pH = ۰$ ، حتی در محیط‌های اسیدی اکسایش نمی‌یابد.
- (۳) ۰/۸۳، در محیطی که  $pH = ۰$ ، به تدریج خوردگی آهن در محیط‌های اسیدی اکسایش نمی‌یابد.

- ۲۱۵- یک جسم آهنه به جرم  $89/6$  گرم را مدت زیادی در طرفی شامل آب آشامیدنی قرار می‌دهیم و در نهایت  $۲۰$  درصد آن خورده می‌شود. اگر تمام رسوب تولیدشده روی جسم آهنه تهنشین شده باشد، چند گرم به جرم آن اضافه می‌شود؟ ( $\text{Fe} = 56, \text{O} = 16, \text{H} = 1: \text{g.mol}^{-1}$ )
- (۱)  $۵/۴۸$       (۲)  $۱۱/۳۶$       (۳)  $۱۶/۳۲$       (۴)  $۲۴/۲۴$

[توجه: داوطلب گرامی، لطفاً از بین سوالات زوج درس ۱ (شیمی (۱)، شماره ۲۱۶ تا ۲۲۵) و زوج درس ۲ (شیمی (۲)، شماره ۲۲۶ تا ۲۳۵)، فقط یک سری را به انتخاب خود پاسخ دهید.]

### زوج درس ۱

### شیمی (۱) (سوالات ۲۱۶ تا ۲۲۵)

- ۲۱۶- کدام یک از مطالب زیر نادرست است؟

- (۱) درصد فراوانی اکسیژن و گوگرد در سیاره زمین، در مقایسه با سیاره مشتری، بیشتر است.  
 (۲) آهن و نیکل فراوانترین عناصرهای فلزی سازنده سیاره زمین هستند.  
 (۳) عناصرهای دوره اول جدول دوره‌ای، فراوانترین عناصرهای سازنده سیاره مشتری به شمار می‌آیند.  
 (۴) درصد فراوانی فراوانترین عنصر سازنده سیاره مشتری، بیشتر از درصد فراوانی فراوانترین عنصر سازنده سیاره زمین است.

۲۱۷- کدام یک از رابطه‌های زیر، برای اغلب هسته‌هایی که ناپایدارند و باعذشت زمان متلاشی می‌شوند، درست است؟

$$\frac{A-Z}{Z} \geq \frac{3}{4} \quad \frac{A-N}{N} \geq \frac{3}{4} \quad \frac{Z}{A-Z} \geq \frac{2}{3} \quad \frac{N}{A-N} \geq \frac{2}{3}$$

- ۲۱۸- اگر سه عنصر نخست جدول دوره‌ای را به ترتیب با  $A$ ,  $X$  و  $M$  نمایش دهیم، مقایسه میان شمار خطوط موجود در طیف نشری خطی اتم آن‌ها در ناحیه مرئی به کدام صورت درست است؟ ( $Z_M > Z_X > Z_A$ )

$$A < M < X \quad M = A < X \quad A = X < M \quad A < X < M$$

- ۲۱۹- چه تعداد از مطالب زیر درباره تخصیص عنصر ساخت بشر درست است؟

- (آ) از آن جا که نیم عمر این عنصر کم است، بسته به نیاز، آن را در نیروگاه هسته‌ای تولید و سپس مصرف می‌کنند.  
 (ب) هر مقدار، از این عنصر که در جهان موجود است، باید به طور مصنوعی ساخته شود.  
 (پ) پس از این عنصر، ۲۵ عنصر دیگر توسط شیمی دان‌ها ساخته شد.

- (ت) یون یدیت با یونی که حاوی این عنصر است، اندازه مشابهی دارد و به همین دلیل از این عنصر برای تصویربرداری غده تیروئید استفاده می‌شود.

$$1 \quad 4 \quad 3 \quad 2 \quad 3 \quad 2 \quad 1$$

- ۲۲۰- کدام مطلب زیر درست‌اند؟

- (آ) دانشمندان پس از اندازه‌گیری جرم ذره‌های زیراتمی،  $\text{amu}$  را تعریف کردند تا بتوانند جرم اتمی عنصرها را نیز اندازه‌گیری کنند.  
 (ب) طول موج نور حاصل از شعله فلز سدیم، بیشتر از طول موج نور حاصل از شعله فلز لیتیم است.  
 (پ) نوری که از ستاره یا سیاره‌ای به ما می‌رسد، نشان می‌دهد که آن ستاره یا سیاره از چه ساخته شده و دمای آن چقدر است.  
 (ت) رنگ سبز ایجاد شده در یک شعله می‌تواند نشان‌دهنده وجود عنصر مس در آن باشد.

$$1 \quad 1 \quad 2 \quad 3 \quad 3 \quad 2 \quad 1$$

- ۲۲۱- کنترل تلویزیون با نوعی از پرتوهای الکترومغناطیسی کار می‌کند که انرژی این پرتوها در مقایسه با ریز موج‌ها، ..... و طول موج آن‌ها از ..... نانومتر است.

$$1 \quad 4 \quad 2 \quad 3 \quad 3 \quad 2 \quad 1$$

- عنصر M در خانه سی آم جدول دوره‌ای جای دارد و تفاوت شمار نوترون‌ها و الکترون‌ها در یون  $M^{7+}$  برابر ۷ است. در این یون، جرم الکترون‌ها به جرم یون، به کدام یک از کسرهای زیر نزدیک‌تر است؟

$$\frac{16}{69000} \quad \frac{14}{65000} \quad \frac{15}{59000} \quad \frac{13}{56000}$$

- استوانه‌ای به ارتفاع ۸ cm و شعاع قاعده ۲ cm با هگزان ( $C_6H_{14}$ ) و آب کاملاً پُر شده است. اگر حجم این دو مایع با هم برابر باشد، شمار اتم‌های هیدروژن موجود در این استوانه، چه مضربی از عدد آلوگارو است؟ (آب و هگزان در یکدیگر حل نمی‌شوند).

$$(C=12, H=1, O=16: g/mol^{-1}, d_{H_2O}=1, d_{C_6H_{14}}=0.645: g/mL^{-1}, \pi=3)$$

$$10/37 \quad 2/59 \quad 3 \quad 6$$

- با توجه به داده‌های جدول زیر، جرم مولکولی ترکیب  $M_2X$  برابر با چند amu است؟ (عدد جرمی را برابر با جرم اتمی با یکای amu در نظر بگیرید.)

$^{109}M$	$^{107}M$	$^{17}X$	$^{19}X$	ایزوتوپ
۴۰	۶۰	۱۰	۹۰	درصد فراوانی

$$230/9 \quad 221/2 \quad 221/7 \quad 222/5$$

- از چه تعداد از مطالب زیر درباره ایزوتوپی از هیدروژن که شمار نوترون‌های آن، دو برابر شمار پروتون‌هاست، درست می‌باشد؟

(آ) در طبیعت یافت می‌شود، اما درصد فراوانی آن ناقص است.

(ب) نیمه عمر آن، کمتر از یک ثانیه است.

(پ) واکنش پذیری آن، کمتر از پایدارترین ایزوتوپ هیدروژن است.

(ت) تنها رادیوایزوتوپ طبیعی هیدروژن به شمار می‌آید.

$$1 \quad 2 \quad 3 \quad 4$$

## زوج درس ۲

## شیمی (۲) (سوالات ۲۲۶ تا ۲۳۵)

- از میان عنصرهای گوگرد، کلر، اکسیژن، نیتروژن و فسفر، بیشترین واکنش‌پذیری مربوط به عنصر ..... است و عنصر ..... کمترین شعاع اتمی را دارد. (گزینه‌ها را از راست به چپ بخوانید.)

$$(1) \text{ اکسیژن - نیتروژن} \quad (2) \text{ کلر - اکسیژن} \quad (3) \text{ کلر - نیتروژن} \quad (4) \text{ کلر - اکسیژن}$$

- در کدام گزینه هر دو مورد، جزو ویژگی‌های مشترک عنصرهای گروه ۱۶ جدول دوره‌ای است؟

(۱) رسانایی گرمایی، حالت فیزیکی یکسان

(۲) مقاومت در برابر ضربه، عدم توانایی در تشکیل کاتیون

(۳) حالت فیزیکی یکسان، داشتن حداقل سه زیرلایه دو الکترونی

- اگر جرم گاز حاصل از واکنش  $150g$  آهن (III) اکسید ناخالص با مقدار کافی کربن، برابر با جرم گاز حاصل از تغییر بی‌هوایی  $120g$  گلوكوز باشد، درصد خلوص آهن (III) اکسید کدام است؟ (بازده واکنش تغییر بی‌هوایی گلوكوز، ۷۵٪ بازده واکنش دیگر است.)

$$(C=12, H=1, O=16, Fe=56: g/mol^{-1})$$

$$71/1 \quad 82/3 \quad 62/2 \quad 94/4$$

- پتانسیم نیترات در دمای بالاتر از  $500^{\circ}C$  تجزیه شده و طی آن، پتانسیم اکسید و گازهای اکسیژن و نیتروژن تولید می‌شود، اگر  $30/3$  گرم پتانسیم نیترات در این واکنش مصرف شود، با فرض بازده  $80\%$  و این‌که چگالی گاز اکسیژن در شرایط واکنش برابر  $1.5g/L$  است، حجم گازهای تولید شده چند لیتر است؟ ( $K=39, N=14, O=16: g/mol^{-1}$ )

$$23/0 \quad 26/88 \quad 46/08 \quad 53/76$$

۲۳۰- یکی از روش‌های تولید گاز کلر در آزمایشگاه، واکنش میان هیدروکلریک اسید و منگنز(IV) است که طی این واکنش، آب و محلول منگنز(II) کلرید نیز به دست می‌آید. اگر در این واکنش مقداری منگنز(IV) اسید با خلوص ۶۰٪ مصرف شده و طی آن  $\frac{6}{5}$  لیتر گاز کلر در شرایط STP تولید شود، جوهر ناخالصی‌های منگنز(V) اسید چند گرم بوده است؟ (ناخالصی‌ها در واکنش شرکت نمی‌کنند.)

$$(Mn = 55, O = 16, Cl = 35.5 \text{ g/mol}^{-1})$$

۱۰/۸۷۵ (۴)

۲/۲۵ (۳)

۲۱/۲۵ (۲)

۱۴۸۵ (۱)

۲۲۱- کدام مطالب زیر درست‌اند؟

- (آ) فراورده عنصری واکنش ترمیت، فلزی است که در سطح جهان پیش‌ترین مصرف سالانه را در بین صنایع گوناگون دارد.
- (ب) عنصری از دوره چهارم جدول که در تلویزیون رنگی و برخی شیشه‌ها وجود دارد، فلز واسطه است که کاتیون آن، قاعده هشت‌تایی را رعایت می‌کند.
- (پ) ترکیب‌های فلزهای مس و پلاتین، پایدارتر از این فلزها در حالت عنصری هستند.
- (ت) در گروهی از جدول که از عناصر آن برای تولید لامپ چراغ‌های جلوی خودروها استفاده می‌شود، با افزایش واکنش‌پذیری، نیروی جاذبه بین مولکولی قوی‌تر می‌شود.

(۴) «پ»، «ت»

(۳) «ب»، «ت»

(۲) «آ»، «پ»

(۱) «آ»، «ب»

۲۲۲- آرایش الکترونی اتم چه تعداد از عنصرهای زیر به زیرلایه d ختم می‌شود؟

- فلزی که به علت بازتاب زیاد پرتوهای خورشیدی، از آن در ساخت لباس فضانوردان استفاده می‌شود.
- فلزی متعلق به دوره چهارم جدول که دارای دو زیرلایه نیم‌پُر است.
- فلزی متعلق به دوره چهارم جدول که نمونه‌هایی از آن به حالت آزاد در طبیعت گزارش شده است.
- عنصری که در فولاد مبارکه برای استخراج آهن از آن استفاده می‌شود.

(۴) صفر

(۳) ۱

(۲) ۲

(۱) ۳

۲۲۳- یکی از روش‌های بیرون‌کشیدن فلز از لایه‌لای خاک، استفاده از گیاهان است. این روش برای استخراج کدام فلزهای زیر مقرر به صرفه نیست؟

Cu, Au (۴)

Ni, Zn (۳)

Au, Zn (۲)

Cu, Ni (۱)

۲۲۴- چه تعداد از مطالب زیر درباره فلزهای قلیابی درست است؟

- (آ) شامل ۶ فلز بوده و نماد شیمیابی یکی از آن‌ها به صورت تک حرفی است.
- (ب) هر کدام از آن‌ها با تشکیل کاتیون  $M^{+}$ ، قاعده هشت‌تایی را رعایت می‌کنند.
- (پ) میان شعاع اتمی و واکنش‌پذیری آن‌ها رابطه مستقیم وجود دارد.
- (ت) ممکن است آرایش الکترونی اتم فلزی به  $ns^1$  ختم شود، اما جزو فلزهای قلیابی نباشد.

(۱) ۴

(۳) ۲

(۲) ۳

(۱) ۱

۲۲۵- کدام مطالب زیر درست‌اند؟

- (آ) متزیزم، آلومنیم، مس و فولاد در مجتمع‌های صنعتی داخل کشور، استخراج می‌شوند.
- (ب) از واکنش آهن با هیدروکلریک اسید، گازی تولید می‌شود که در حمای اثاق به آرامی باعث هیدرورژن واکنش می‌دهد.
- (پ) فلزهای Pb و Pd به ترتیب جزو فلزهای اصلی و واسطه طبقه‌بندی می‌شوند.
- (ت) جلای نقره‌ای فلز سدیم در مجاورت هوا به آرامی از بین می‌رود و سطح آن کدر می‌شود.

(۴) «پ»، «ت»

(۳) «ب»، «پ»

(۲) «آ»، «ت»

(۱) «آ»، «پ»



دفترچه شماره ۳

آزمون شماره ۱۳

جمعه ۹۸/۰۹/۲۹

# آزموزه‌هاک سراسر کاج

گنجینه درس‌درا انتخاب کنید.

سال تحصیلی ۱۳۹۸-۹۹

## پاسخ‌های تشریحی

### پایه دوازدهم ریاضی

#### دوره دوم متوسطه

شماره داوطلبی:	نام و نام خانوادگی:
۳۳۵	۲۱۵ دقیقه

عنوانین مواد امتحانی آزمون گروه آزمایشی علوم ریاضی، تعداد سوالات و مدت پاسخ‌گویی

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سوال	شماره سوال		مدت پاسخ‌گویی
			تا	از	
۱	فارسی	۲۵	۱	۲۵	۱۸ دقیقه
۲	زبان عربی	۲۵	۲۶	۵۰	۲۰ دقیقه
۳	دین و زندگی	۲۵	۵۱	۷۵	۱۷ دقیقه
۴	زبان انگلیسی	۲۵	۷۶	۱۰۰	۲۰ دقیقه
۵	حسابان ۲	۱۰	۱۰۱	۱۱۰	۸۵ دقیقه
	ریاضیات گستره	۱۰	۱۱۱	۱۲۰	
	هندسه ۳	۱۰	۱۲۱	۱۳۰	
	ریاضی ۱	۵	۱۳۱	۱۳۵	
	حسابان ۱	۵	۱۳۶	۱۴۰	
	هندسه ۲	۱۰	۱۴۱	۱۵۰	
	آمار و احتمال	۵	۱۵۱	۱۵۵	
۶	فیزیک ۳	۲۵	۱۵۶	۱۸۰	۴۵ دقیقه
	فیزیک ۱	۱۰	۱۸۱	۱۹۰	
	فیزیک ۲	۱۰	۱۹۱	۲۰۰	
۷	شیمی ۳	۱۵	۲۰۱	۲۱۵	۲۵ دقیقه
	شیمی ۱	۱۰	۲۱۶	۲۲۵	
	شیمی ۲	۱۰	۲۲۹	۲۳۵	

برای اطلاع از نتایج آزمون و زمان دفعه اعلام آن باید در کتابل نتکرام گاج عضو شوید. [@Gaj\\_ir](#)

# آزمودهای سراسری کاج

ویراستاران علمی	طراحان	دروس
اسماعیل محمدزاده مسیح گرجی - مریم نوری‌نیا	امیرنژات شجاعی مهدی نظری	فارسی
حسام حاج مؤمن - اردلان منصوری شاھو مرادیان - سید مهدی میرفتحی پریسا فیلو	بهروز حیدریکی	زبان عربی
بهاره سلیمانی	مرتضی محسنی کبیر محمد رضایی‌پنا	دین و زندگی
مریم پارساییان	امید یعقوبی فرد	زبان انگلیسی
مغید ابراهیم‌پور - هادیه جواهری ندا فرهنگی - ساغر امامی سودابه آزاد - زهرا ساسانی	سیروس نصیری	حسابان (۱) و (۲) / ریاضی ۱
	سیروس نصیری	هندسه (۳)
	مغید ابراهیم‌پور	گستاخ / هندسه (۱)
	بهرام غلامی	آمار و احتمال
امیر بهشتی خو محمد امین داودآبادی مروارید شاه‌حسینی	ارسان رحمانی امیرضا خوبنی‌ها	فیزیک
ایمان زارعی - امین بابازاده رضیه فربانی - امیر شهریار قربانیان	پویا القتی	شیمی

## آماده‌سازی آزمون

مدیریت آزمون: ابوالفضل مزرعی

بازبینی و نظارت نهایی: سارا نظری

برنامه‌ریزی و هماهنگی: مریم جمشیدی عینی - مینا نظری

ویراستاران فنی: بهاره سلیمانی - سانا فلاحی - آمنه قلیزاده - مروارید شاه‌حسینی - مریم پارساییان

سرپرست واحد فنی: سعیده قاسمی

صفحه‌آور: فرهاد عبدی

طرح شکل: فاطمه میاسر است

حروف‌نگاران: پگاه روزبهانی - زهرا نظری‌زاد - سارا محمودنسب - نرگس اسودی - الناز دارانی - مهناز کاظمی  
فرزانه رجبی

امور چاپ: عباس جعفری



دفتر مرکزی تهران، خیابان انقلاب، بین  
چهارراه ولی‌عصر (عج) و  
خیابان فلسطین، شماره ۹۱۹

تلفن رسمی: ۰۲۱-۶۴۲۰

نشانی اینترنتی: www.gaj.ir



۱۰)  **وبال هیچ دامان: صفت مضافقالیه (۱ مورد)**

## بررسی سایر گزینه‌ها:

(۱) کمین جذبه خورشید: مضافقالیه مضافقالیه / جذبه خورشید تابان: صفت مضافقالیه (۲ مورد)

(۳) تلاش مستند عزت: مضافقالیه مضافقالیه / سایه بال هما: مضافقالیه مضافقالیه (۲ مورد)

(۴) در این گزینه دو بار نقش مستندی دیده می‌شود:

حلقه در از درون خانه بی خبر باشد.

نهار مسنده فعل

ما دیده‌های باز را مسدود می‌دانیم.

نهار مجهول مسنده فعل

## بررسی سایر گزینه‌ها:

(۱) مست شور محشر را فسنه می‌شمرد.

نهار مجهول مسنده فعل

(۲) گل عمر خود از خنده بسیار کوتاه کرد.

نهار مجهول مسنده فعل

(۳) [تو] منعم را سفیه انگار.

نهار مجهول مسنده فعل

(۱۲) جناس تام (بیت «۵»): که (چه کسی)، که (حرف ربط)

استعاره (بیت «الف»): جولان کف (اضافه استعاری) / سینه دریا (اضافه استعاری)

حسن آمیزی (بیت «د»): زهر دشتم

تلعیم (بیت «ب»): گلستان شدن آتش بر حضرت ابراهیم (ع)

ایهام تناسب (بیت «ج»): شور: ۱- هیجان ۲- نمکین (متناوب با نمکدان و ملاحت)

۱۳) **ایهام: —**

پارادوکس: لباس دانستن عربانی

## بررسی سایر گزینه‌ها:

(۱) استعاره: جان بخشی به شمع و پسته / حسن تعلیل: دلیل روشنی دیده

شمع اشک ریختن و دلیل سرخی دهان پسته، خون دلی است که در اثر خندان شدن بی جا نصیب او شده است.

(۲) جناس ناقضی: شست، دست / کنایه: دست شستن کنایه از رها کردن، صرف نظر کردن و قطع تعلق / اگران جانی کنایه از پستی و فروماگی

(۳) تشخیص: جان بخشی به آینه / همایعت نظیر: رو، چشم / دیدن، چشم، آینه

(۱۴) **استعاره: نوگل: استعاره از معشوق، خار: استعاره از عیب / عمل:**

استعاره از لب معشوق / گهر: استعاره از سخن معشوق / جان بخشی به باد صبا تشخیص و استعاره است.

تناسب: برگ، نوگل، خار / لعل، گهر

تشبیه: آتش عشق (اضافه تشبیه): تشبیه عشق به آتش

تشخیص: مورد خطاب قرار گرفتن پاد صبا و جان بخشی به آن

تضاد: نوگل ≠ خار

(۱۵) **تلعیم (بیت «۵»): اشاره به داستان بیستون کندن فرهاد**

استعاره (بیت «الف»): جان بخشی به سپهر، تشخیص و استعاره است. / ناخن

اندیشه (اضافه استعاری)

ایهام تناسب (بیت «ب»): شیرین: ۱- گونه‌ای مژه ۲- معشوق فرهاد (متناوب با تیشه)

## فارسی

(۳) معنی درست واژه‌ها: پالیز: باغ، گلزار، کشتزار / سرسام: ورم مغز، سرگچه و پریشانی، هذیان / سامان: درخور، میسر، امکان / دمساز: مونس، همزا، درداشنا / آوند: آونگ، اویزان، آویخته

(۱) معنی درست واژه‌ها: شاب: بُرنا، جوان / لفاف: پارچه و کاغذی که بر چیزی پیچند / ضیاحت: خوببرویی و سفیدی رنگ انسان، زیبایی / آماس: وزم، تَورم؛ آماس کردن: گنجایش پیدا کردن، متورم شدن / رُقعت: رفعه، نامه کوتاه / زخدان: چانه

(۲) معنی درست واژه‌ها:

(۱) سرپر زدن: توقف کوتاه: هر گاه مرغی از اوج، یک لحظه بر زمین نشیند و دوباره برخیزد، این توقف کوتاه را «سرپر زدن» می‌گویند.

(۳) گوزه: ویژگی نوعی مار سقی و خطرناک

(۴) مناسک: جمع منسک یا منسک، جاهای عبادت حاجیان، مجازاً آداب آیین‌ها و مراسم

(۳) املای درست واژه در سایر ابیات: (ب) مستوران / (ج) ظلن / (ه) سور / (و) فرغ

(۴) املای درست واژه: حالوت: شیرینی

حیمیت: غیرت، جوان مردی، مردانگی

زایل شدن: تبلود شدن، برطرف شدن

(۳) املای درست واژه در عبارات: (الف) خاست / (ب) اصرار / (ج) گرارد

(۲) **بررسی سایر گزینه‌ها:**

(۱) ترتیب اوراق من: مضافقالیه مضافقالیه

(۳) جنبش مژگان ای: مضافقالیه مضافقالیه

(۴) جواب آن غزل: صفت مضافقالیه

(۴) ز) آن کس که ز سودای چشم تو کشته گشت.

نهار مجهول فعل مجهول

در سایر بیت‌ها، ساختارهایی غلط‌اندار، شبیه به فعل مجهول وجود دارد که با هم بررسی می‌کنیم:

**بررسی سایر ابیات:**

(الف) نفس سوخته: صفت / آمد: فعل معلوم

(ب) خنده: متهم / شود: فعل اسنادی معلوم

(ج) نگردنده: فعل معلوم / کشته شدن: مصدر

(د) نفس گستته: مسنده / آید: فعل معلوم

(ه) پیچیده: صفت / حشر شود: فعل معلوم

(و) درسته: صفت / شد: فعل اسنادی معلوم

(۴) **بررسی معنی در ابیات:**

(الف) یک نفس جان /

(ج) یک جهان فعل و هنر /

(د) یک دریا شراب /

(ه) صد دشت آغوش /

(و) یک زمین و آسمان دور /

(ز) یک دو ساغر اشک / چند عالم بیقراری

**۲۳** مفهوم مشترک عبارت سؤال و گزینه (۴): عشق زندگی بخش است.

### مفهوم سایر گزینه‌ها:

(۱) توصیه به خوشباشی  
(۲) بی‌تأثیر بودن عشق در دل انسان بی‌خبر / هر کسی لیاقت و ظرفیت درک عشق را ندارد.

(۳) نکوهش تنهایی و بی‌بهره ماندن از همراهان

**۲۴** مفهوم مشترک آیه شریفه و سایر گزینه‌ها: سایش سازگاری و م dara مفهوم مقابله در گزینه (۲): نکوهش سازگاری و م dara

**۲۵** مفهوم مشترک آیات گزینه (۲): پاکبازی و جان‌فشنایی عاشقانه

### مفهوم سایر گزینه‌ها:

(۱) بیت اول: بی‌توجهی به زبان ظاهری در آین حوان مردی / نکوهش منفعت‌طلبی بیت دوم: وارونگی ارزش‌ها و جایگاهها، درداور است.

(۳) بیت اول: قناعت، درمان آزمندی و طمع‌کاری است. / سایش قناعت‌ورزی بیت دوم: طلب امرزش از خداوند و عذر آوردن به دلیل ناتوانی در خویشتن‌داری، هنگام فراهم بودن شرایط ارتکاب گناه

(۴) بیت اول: باور به زندگی پس از مرگ  
بیت دوم: آزادگی

## زبان عربی

■ درست ترین و دقیق ترین جواب را در ترجمه با تعریف یا مفهوم مشخص کن (۳۵ – ۴۶):

**۲۶** ترجمه کلمات مهم: آمنا: ایمان آوردیم / خیر الراحمین: بهترین رحم‌کنندگان

### اشتباهات باز سایر گزینه‌ها:

(۲) خدای ما (← برودرگارا)، «ما» در ترجمه «آمنا» اضافی است، رحم‌کننده (← رحم‌کنندگان؛ «الراحمین» جمع است).

(۳) ایمان آوردایم (← ایمان آوردیم)، «تو» اضافی است، که (← و) (۴) ترتیب عبارت در ترجمه به هم خودرده است، ایمان آوردایم (← ایمان آوردیم)

**۲۷** ترجمه کلمات مهم: امة واحده: یک امت، امتی یگانه، امتی واحد / النبیین: پیامبران (را)، انبیا (را) / مبشرین: بشارت‌دهنده، بشارت‌گر اشتباهات باز سایر گزینه‌ها:

(۱) پیامبرانش (← پیامبران)، که بشارت‌دهنده باشند (← بشارت‌دهنده (به صورت حال ترجمه می‌شود)).

(۲) و (← پس، بنابراین)، پیامبران بشارت‌دهنده (پیامبران را بشارت‌دهنده؛ «مبشرین» حال است نه صفت).

(۳) «از» اضافی است، بشارت‌دهنده‌اش (← بشارت‌دهنده (به صورت حال ترجمه می‌شود)).

**۲۸** ترجمه کلمات مهم: قد نختار: گاهی انتخاب می‌کنیم / یؤذی إلى: منجر به ... می‌شود / شقاوتنا: بدیختی‌مان

### اشتباهات باز سایر گزینه‌ها:

(۱) بر می‌گزینیم (← گاهی بر می‌گزینیم؛ «قد + مضارع ← گاهی + مضارع») «گاهی» در جای نادرستی از ترجمه آمده است، بدیختی (← بدیختی‌مان)

(۲) زندگی (← زندگی‌مان)، برگزیده‌ایم (← گاهی بر می‌گزینیم)، شقاومند شویم (← بدیختی‌مان)

(۴) انتخاب کرده‌ایم (← انتخاب می‌کنیم)، بدیختی (← بدیختی‌مان)، «هم اضافی است، منجر خواهد شد (← منجر می‌شود؛ «یؤذی» مضارع است).

تشبیه (بیت «د»): بوتۀ اندیشه (اضافهٔ تشبیه)

کنایه (بیت «و»): حلقه در گوش کشیدن کنایه از مطیع شدن

**۱۶** نام درست پدیدآورندگان آثار:

روزها: محدثعلی اسلامی ندوشن

فرهاد و شیرین: وحشی بافقی

از پاریز تا پاریس: محمدابراهیم باستانی پاریزی

فی حقیقت العشق: شهاب‌الدین سهروردی

بهارستان: جامی

قصة شیرین فرهاد: احمد عربلو

تحفة الاحرار: جامی

تمهیدات: عین‌القضات همدانی

**۱۷** مفهوم مشترک بیت سؤال و گزینه (۲): بی‌اعتباری امتیازات

دنیوی در عشق

### مفهوم سایر گزینه‌ها:

(۱) سایش خاکساری / فروتنی مجال یک‌رنگی است.

(۳) بی‌اعتباری امتیازات دنیوی در نظر دریادلان

(۴) سایش پاکی و پاکدامنی

**۱۸** مفهوم گزینه (۳): عشق پنهان‌کردنی نیست. / افشاگری عشق

مفهوم مشترک سایر گزینه‌ها: هر کسی محروم راز عشق نیست.

**۱۹** مفهوم ابیات سؤال: نکوهش تقلید

مفهوم مقابله در گزینه (۴): سایش تقلید

### مفهوم سایر گزینه‌ها:

(۱) برتری عشق بر عقل / نکوهش تقلید

(۲) ناکارآمدی تقلید و نکوهش آن

(۳) نکوهش شخص بی‌خبر از عشق / نکوهش ظاهر و تقلید

**۲۰** مفهوم مشترک عبارت سؤال و گزینه (۴): خودحسابی و آخرت‌اندیشی

### مفهوم سایر گزینه‌ها:

(۱) درمندی در دنیا موجب آسودگی در آخرت است.

(۲) گذر سریع عمر و ناپایداری دنیا

(۳) آسودگی ثروتمندان از رنج روزگار

**۲۱** مفهوم مشترک عبارت سؤال و گزینه (۳): از خود بی‌خدودی

عاشق هنگام وصال

### مفهوم سایر گزینه‌ها:

(۱) سرافکنگی در جمع عاشقان / خودآنها

(۲) غم هجران موجب آشفتگی است. / تقلیل عشق و عقل

(۴) ناتوانی همگان از درک حقیقت

**۲۲** مفهوم مشترک بیت سؤال و گزینه (۳): پسندیده بودن

همنشینی حسی با بی‌خبران از عشق

### مفهوم سایر گزینه‌ها:

(۱) توصیه به نفی وجود ماذی

(۲) شیدایی بازدارنده تقدیر است. / تقدیرگرایی

(۴) توصیه به بخشندگی

(۲) بعثت (← بعثت: «برانگیخته شده‌ام» فعل ماضی است)، تنقدوا (← آنقدرکم)، فقط (← در جای نادرستی آمده است).

(۴) بعثت (← بعثت: «برانگیخته شده‌ام» مجھول است)، آنقدر (← آنقدر: نجات دهم» فعل معلوم است)

(۲۵) ترجمه عبارت سؤال: «بزرگترین عیب این است که از چیزی عیب بگیری که مانند آن در تو هست.» پرسش گزینه‌ها:

(۱) به این موضوع اشاره دارد که اگر انسان بخواهد از هر چیزی ابراد بگیرد، حتی در چیزهای زیبا هم دنبال چیز زشت می‌گردد.

(۲) به مفهومی همانند عبارت سؤال اشاره دارد.

(۳) این موضوع را بیان می‌کند که هیچ آدمی بی عیب نیست و ما باید اطرافیانمان را با تمام ویژگی‌هایشان دوست داشته باشیم.

(۴) به این موضوع اشاره دارد که هر کسی مسئول اعمال خودش است.

■■ متن زیر را با دقیق بخوان سپس مناسب با آن به سوالات پاسخ بده (۴۱ - ۴۶):

بردباری از مهم‌ترین کارهایی به شمار می‌رود که همه مردم باید به آن آراسته شوند؛ زیرا آن ویژگی مهمی است که به انسان کمک می‌کند تا از شرایط سخت عبور کند و از جمله ویژگی‌هایی است که سختی‌های زندگی و رنج‌های آن را بر دارندۀ‌اش (بردبار) آسان می‌کند. انسان بردبار همان کسی است که با دیگران با سعه صدر رفتار می‌کند و سینه‌اش از هر چیزی تنگ نمی‌شود (یعنی صیر به خروج می‌دهد)؛ بلکه از زندگی با خوش‌بینی استقبال می‌کند و مقابل سختی‌ها تسليم نمی‌شود. به انسان چیزی زیباتر از بردباری داده نشده است و آن از ویژگی‌های بزرگان و حکیمان است. و کسی که بتواند بر عصبانیتش فائق آید، مردی قوی است. بردباری، انواعی دارد از جمله: بردباری بر مشکلات، بردباری بر فرمان‌برداری (از خدا) و بردباری بر گناه. و همه این‌ها پسندیده‌اند و انسان را در دنیا و آخرت رستگار می‌کنند.

### ۱ ترجمه گزینه‌ها:

(۱) انسان بردبار در زندگی‌اش با سختی‌ها مواجه نمی‌شود.

(۲) بردباری، امری فطری (ذاتی) نیست؛ بلکه انسان می‌تواند آن را با تمرین به دست بیاورد.

(۳) انسان بردبار، سختی‌ها را به عنوان چیزی که مانع موقیت او می‌شوند، نمی‌بیند.

(۴) اگر انسان بردبار باشد، به ندرت عصبانیتش را می‌بینیم.

### ۲ ترجمه گزینه‌ها:

(۱) بردباری بر فرمان‌برداری خداوند، زیباترین انواع بردباری است.

(۲) بیشتر مردم به زینتی از بردباری بهره‌مندند.

(۳) در بیشتر وقت‌ها انسان بردبار را خوش‌بین می‌بایی.

(۴) بزرگان و حکیمان فقط به بردباری آراسته‌اند.

(۲۸) ترجمه عبارت سؤال: «متن درباره کدام موضوع حرف نزده است؟»

### ترجمة گزینه‌ها:

(۱) نتایج بردباری

(۲) سختی‌های بردباری

(۳) ویژگی‌های انسان بردبار

(۴) چیزی‌گزینی برخورد انسان بردبار با مردم

(۲۹) ترجمه کلمات مهم: اول: می‌بینم / یذهبون: در حال رفتن، در حالی که می‌روند/ امامی: از مقابلم

اشتباهات بارز سایر گزینه‌ها:

(۱) دیدم (← می‌بینم: «أرى» فعل مضارع است)، «أمامي» باید «مقابله» ترجمه شود، «چشممان» اضافی است، گذشتند (← می‌گذرند: «تمّ» مضارع است).

(۲) بینم (← می‌بینم) خاطراتی (← خاطرات)، گذر خواهد کرد (← می‌گذرند) هنگام (← هنگامی‌که) دیدن (← می‌بینم) می‌گذشتند (← می‌گذرند)

(۳۰) ترجمه کلمات مهم: أعلم شخص: داناترین کسی که / أعرف: می‌شناسم / يقول: می‌گوید / لا أعلم: نمی‌دانم

اشتباهات بارز سایر گزینه‌ها:

(۱) می‌دانم (← می‌شناسم)، بگوید (← می‌گوید)، از همه داناتر است (← داناترین کسی که)، «از همه» اضافی است.

(۲) کسی داناتر است که (← داناترین کسی که؛ وقتی اسم تفضیل مضاف شود به صورت صفت عالی ترجمه می‌شود)، زندگی‌اش (← زندگی)، «من» و «أعرف» ترجمه نشده است، بگوید (← می‌گوید)

(۳) زندگی‌ام (← زندگی)، داناتر نیستم (← نمی‌دانم؛ «لا أعلم» فعل مضارع منفی است).

(۳۱) ترجمه کلمات مهم: بُشْن: (چه) بد است / فُضْح: رسوا کردن / كباير الذوب: گناهان بزرگ

اشتباهات بارز سایر گزینه‌ها:

(۱) بسیار کار زشته است (← چه بد کاری است)، آشکار شدن (← آشکار کردن)، بزرگ‌ترین گناهان (← گناهان بزرگ؛ «كباير» اسم تفضیل نیست).

(۲) بی‌آیرو ساختن (← رسوا کردن)، کار بدی می‌باشد (← چه بد کاری است)، گناه بسیار بزرگی است (← از گناهان بزرگ است)

(۳) راز (← رازها؛ «أسرار» جمع است)، بزرگ‌ترین گناه (← گناهان بزرگ؛ «الذوب» جمع است)، «من» ترجمه نشده است.

(۳۲) ترجمه کلمات مهم: لاتهنو: سست نشود / وأنتم تعلمون: در حالی که می‌دانید / لا سبیل: هیچ راهی ... وجود ندارد / للنجاح: برای موقیت

اشتباهات بارز سایر گزینه‌ها:

(۲) هنگام (← در)، و شما می‌دانید (← در حالی که می‌دانید؛ «و أنت تعلمون» جمله حالی است)، تنها راه رسیدن (← هیچ راهی برای)، «لا» یعنی

نقیض در ترجمه اعمال نشده است، نادرست بودن قسمت آخر عبارت (← نباید سست شوید) (← سست نشود؛ در ترجمه فعل نهی مخاطب از لفظ

«نباید» استفاده نمی‌کنیم)، «لا» یعنی جنس در ترجمه لحاظ نشده است، زائد بودن «رسیدن»

(۴) تکالیف (← تکالیف‌تان)، تنبلی نکنید (← سست نشود)، با این‌که (← در حالی که)

(۳۳) ترجمه صحیح عبارت: «هر کس از گناهانش توبه نکند و بر آن‌ها اصرار ورزد، پس جایگاهش دور خواست.»

لکته، «بَصَر» جمله فعلیه است، پس نمی‌تواند به صورت حال ترجمه شودا

موارد نادرست سایر گزینه‌ها:

(۱) فقط در جای نادرستی آمده است، ینقد (← آنقدر؛ «نجات دهم» از صیغه متکلم وحده است)، آن (← حتی، لـ)

## دین و زندگی ۷

حل ویدئوی سوالات این درجه را  
برای سایت DriQ.com مشاهده کنید

## پاسخ دوازدهم ریاضی

**۴۶** صورت سؤال به اسم مبالغه اشاره دارد.  
**بررسی گزینه‌ها:**

(۱) «القدیر: توان» صفت ثابت و همیشگی است.

(۲) «عَفَّار: بسیار آمرزنده» بر وزن «فَتَّال» اسم مبالغه است.

(۳) «فَرِحُون: شاد» صفت ثابت و همیشگی است.

(۴) «أَشَدَّ: شدیدترین» اسم تفضیل است.

**۴۷** فعل مضارع بعد از حروف «أُن، حتی، لـ، لکی، کی» و «لیت، لعل» به صورت الترازی ترجمه می‌شود.

**بررسی گزینه‌ها:**

(۱) دو فعل «تَؤْلِم» و «لَا أَسْتَطِع» به صورت مضارع اخباری ترجمه می‌شوند:

«بایم درد می‌گند و نمی‌توانم از این کوه بالا بروم.»

(۲) «کاش مردم دریارة آفرینش شگفتان بسیار اندیشه نمایند.»

(۳) «دوستانم به ورزشگاه رفتند تا تیمان را در مسابقه تشویق کنند.»

(۴) در جهان شگفتی‌هایی وجود دارد که باید به آن‌ها توجه کنیم و با تلاش آن‌ها را کشف نماییم.

**۴۸** در جواب «کیف: چگونه، چطور» غالباً از حال استفاده می‌کنیم. حال اگر اسم باشد، به صورت نکره و دلایل وزن و ساختار و صفتی می‌آید. بنابراین «ابتساماء» ( مصدر) نمی‌تواند حال شود [رد گزینه‌های (۲) و (۴)]. از طرفی «الضيوف: مهمانان» جمع است و باید از فعل جمع استفاده کنیم [رد گزینه‌های (۱) و (۴)].

ترجمه عبارت: «مهمانان چطور به جشن رسیدند؟ خندان رسیدند.»

**۴۹** **بررسی گزینه‌ها:**

(۱) «و هو متوكّل» جملة حالیه است. ساختار جملة حالیه، اسمیه «و + مبتدأ + خبر» است.

(۲) در این گزینه «و هو مؤمن» حال از نوع جمله و «ضاحكاً» حال از نوع اسم است؛ پس در این گزینه، حال به صورت غیر جمله هم آمده است.

(۳) «و هنّ مشفقات» حال از نوع جمله است.

(۴) «و هم خادعون» حال از نوع جمله است.

**۵۰** **دققت گنید:** حال همیشه به صورت نکره می‌آید.

**بررسی گزینه‌ها:**

(۱) «حيّة» حال است نه صفت. اگر صفت بود، «ال» می‌گرفت: «این ماهی دوست دارد که شکارها را زنده بخورد.»

(۲) «محرومین» حال است نه صفت. اگر صفت بود، «ال» می‌گرفت: «در روستای ما مردی وجود دارد و او به اهالی در حالی که محرومند، کمک می‌کند.»

(۳) «نادماً» متعلق به فعل ناقصه «أَصْبَحَ» و «بَاكِيًّا» حال است: «فرزند از کارش بشیمان شد و گریان از پدرش معدتر خواست.»

(۴) «امتحانهم الصعب: امتحان دشوارشان» ترکیب وصفی - اضافی و «الصعب» صفت است: «دانش‌آموزان بر صندلی‌ها نشستند در حالی که دریارة امتحان دشوارشان حرف می‌زندن.»

## دین و زندگی

**۵۱** این آیه اشاره به کشف راه درست زندگی از نیازهای بوت انسان دارد و با توجه به این آیه شرط ایمان واقعی اجابت خدا و رسول است و منظور از «ذاعکم» در این دعوت خداوند است، نه دعای انسان‌ها.

■ گزینه دوست را در اعراب و تحلیل صرفی مشخص کن (۴۱ - ۴۹):

**۴۹** **دلایل رد سایر گزینه‌ها:**

(۲) متعد → لازم

(۳) مجرد ثلاثی → مزید ثلاثی؛ این فعل از باب «تفقل» است، مجھول ← معلوم، فاعله محدود ( فعل معلوم، فاعل دارد).

(۴) من باب «تفیل» ← من باب «تفقل»، متعد → لازم، مجھول ← معلوم، فاعله محدود ( فعل معلوم، فاعل دارد).

**۴۰** **دلایل رد سایر گزینه‌ها:**

(۱) مجھول ← معلوم / فاعله محدود ( فعل معلوم، فاعل دارد.)

(۲) مصدره على وزن «تفاعل» ← مصدره على وزن «مفاعلة»

(۳) فعل ماضی ← فعل مضارع، للمخاطب ← للغائب / فاعله «الإنسان» ← مفعوله «الإنسان»

**۴۱** **دلایل رد سایر گزینه‌ها:**

(۱) مفرد مؤنث ← مفرد مذکر، مفعول ← صفة

(۲) معرفة ← نكرة، مضافة إلیه ← صفة

(۳) اسم المبالغة ← اسم التفضيل

■ گزینه مناسب را در پاسخ به سوالات زیر مشخص کن (۴۲ - ۵۰):

**۴۲** **در این گزینه «مُفْتَرِش» اسم فاعل از ثلاثی مزید است.**

«این پرندۀ، حیوانی وحشی است که به دیگر پرندگان حمله می‌کند.»

**ترجمه سایر گزینه‌ها:**

(۱) ما باید از خود پسندی دوری نماییم و عیوب‌های دیگران را ذکر نکنیم.

(۲) قیمت‌ها را مفتاد و پیچ هزار تومان شروع می‌شود تا هشتاد و پیچ هزار تومان.

(۴) پیامبر (ص) در غار حرا، واقع در قله‌کوه نور، عبادت می‌کرد.

**۴۳** **بررسی گزینه‌ها:**

(۱) «إِيمَان: إِيمَان» و «الفلَم: سَمَّ» مترادف نیستند.

(۲) «مِيَّاتاً: مردۀ» مفرد و جمع آن «مُوَيَّتٍ» است.

(۳) «انشراحأ: شادمانی» و «العنز: ناراحتی» متضادند.

(۴) «داء = مرض: بیماری»

**۴۴** **۱** «شَرّ» زمانی به صورت «بدترین» ترجمه می‌شود که اولاً اسم تفضیل باشد، ثانیاً مضاف شود.

**بررسی گزینه‌ها:**

(۱) «از بدترین کارهای، آزار رساندن مردم با زبان است.»، «شَرّ» اسم تفضیل است و مضاف شده (← شر الأعمال: ترکیب اضافی)

(۲) «هر کس شهوتش بر عقلش چیره شود، از چارپایان (هم) بدتر است. (←

«شَرّ» اسم تفضیل است و به صورت صفت تفضیلی ترجمه شده، نه صفت عالی!)

(۳) «شَرّ» هرگاه «ال» بگیرد، اسم تفضیل نمی‌شود: «عقل کسی است که بهترین از میان دو بد را بشناسد.»

(۴) «بدی آن است که بسیاری از مردم از آن دوری می‌کنند. (← «الشَّرّ» اینجا مصدر است.)

**۴۵** **۳** برای مقایسه بین اسم مؤنث و سایر اسم‌ها، از اسم تفضیل مذکور استفاده می‌کنیم (أَكْبَر).

**دققت گنید:** «کبیر، کبیره: بزرگ»، صفت ساده‌اند؛ و برای مقایسه به کار نمی‌روند: «فاطمه فرزند اول در خانواده است، پس او از دیگر فرزندان بزرگ‌تر است.»

**۶۱** (۳) با توجه به آیه شریفه: «وَ لَا يَحْسِنُ الَّذِينَ كَفَرُوا أَنَّمَا تَمْلَى لَهُمْ  
خَيْرٌ لِأَنْفُسِهِمْ إِنَّمَا تَمْلَى لَهُمْ لِيَزْدَادُوا إِنَّمَا...» به آنان که کافر شدند، تصور نکنند  
که اگر به آنان مهلت می‌دهیم به نفع آن هاست فقط [به این خاطر] به آنان  
مهلت می‌دهیم تا بر گناهان خود بیفرایند (یعنی زدادوا إنما) و با توجه به آیه  
شریفه «وَ لَوْ أَنَّ أَهْلَ الْقَرْبَى أَفْنَوُا أَنْفَوْا لَفَتَحْنَا عَلَيْهِمْ بَرْكَاتٍ...» و اگر مردم  
شهرها ایمان آورده و تقوا پیشه می‌کردند (علت و سبب) قطعاً برایشان  
می‌گشودیم برکاتی... (معلول).

**۶۲** (۱) امام صادق (ع) درباره قرار گرفتن در دایره سنت املاء و  
استدراج می‌فرماید: «... هنگامی که شر بندهایش [بندهای که غرق گناه شده  
است] را بخواهد بعد از انجام گناه نعمتی به او می‌بخشد تا استغفار را فراموش  
کند و به راه خود ادامه دهد، این همان است که خداوند فرموده: سَنَسْتَدِرْجُهُمْ  
مِنْ حَيْثُ لَا يَعْلَمُونَ».

**۶۳** (۴) قرآن کریم در آیه ۸۲ سوره نساء می‌فرماید: «أَفَلَا يَتَذَبَّرُونَ  
الْقُرْآنَ وَ لَوْ كَانَ مِنْ عِنْدِنِي إِلَّا لَوْجَدُوا فِيهِ اخْتِلَافًا كَثِيرًا؟ آیا در قرآن تدبیر  
نکنند و اگر از نزد غیرخدا باشند، قطعاً در آن اختلاف و ناسازگاری می‌یافتد.»  
قرآن تأکید بر تفکر در قرآن دارد و اگر قرآن از سوی غیرخدا بود در آن  
تعارض و ناسازگاری وجود داشت.

اگر پیامبر استمرار نوشتند و خواندن داشت «ما كُنْتَ تَلُوْ مِنْ قَبْلِهِ مِنْ كَتَابٍ  
وَ لَا تَحْتَهُ وَ يَمْنِيكَ إِذَا لَأْرَابَ الْمُبْطَلُونَ» کجروان و اهل باطل به شک  
می‌افتدند.

**۶۴** (۳) قرآن کریم خطاب به مخالفان سرسخت اسلام و دعوت آنان  
به مبارزه (تحدى) می‌فرماید: «أَمْ يَقُولُونَ افْتَرَاهُ قُلْ فَأَتُوا بِسُوْرَةِ مِثْلِهِ؟ آیا  
می‌گویند: او به دروغ آن [قرآن] را به خدا نسبت داده است؟ بگو: اگر می‌توانید  
یک سوره همانند آن را بیاورید.»

**۶۵** (۳) آیه شریفه: «كَلَّا تَمْدُّهُؤْلَاءِ وَ هُؤْلَاءِ عَطَاءُ مِنْ عَطَاءِ رِبِّكَ وَ مَا كَانَ  
عَطَاءُ رِبِّكَ مَحظُورًا؛ هر یک از ایمان و آنان (خواهان آخرت و دنیا) را مدد  
می‌رسانیم از عطا پروردگارت و عطا پروردگارت [از کسی] منع نشده است»  
مربوط به سنت امداد عام الهی است و گستردگی رحمت واسعة الهی است و آیه  
شریفه: «قُنْ جَاءَ بِالْحَسَنَةِ فَلَوْ عَشَّرَ أَمْلَاهَا...» کسی که کار نیکی بیاورد ده برابر  
آن [پاداش] می‌گیرد ...» مربوط به سنت سبقت رحمت بر غضب است و رضایت  
سریع خداوند از کسی که طلب آمرزش کرده است، مصدقی از این سنت است.

**۶۶** (۳) با توجه به آیه شریفه: «ما كُنْتَ تَلُوْ مِنْ قَبْلِهِ مِنْ كَتَابٍ وَ لَا  
تَحْتَهُ وَ يَمْنِيكَ إِذَا لَأْرَابَ الْمُبْطَلُونَ؛ وَ پیش از آن هیچ نوشتهای را  
نمی‌خواندی و با دست خود، آن را نمی‌نوشته که در آن صورت، اهل باطل به  
شک می‌افتدند» استمرار خواندن و نوشتن (ماضی استمراری = ما كُنْتَ تَلُو  
لَا تَحْتَهُ و...» متبوع (علت) شک کجروان می‌شد.

**۶۷** (۴) در سلسه علل طولی تأخیر چند عامل در پیدایش یک پدیده  
این گونه است که یک عامل در عامل دوم اثر می‌گذارد و عامل دوم در عامل  
سوم تأثیر می‌کند تا اثر عامل اول را به معلوم منتقل کند. برای مثال به هنگام  
نوشتن، چند عامل در طول هم در انجام این کار دخالت دارند، مثل نفس یا  
روح که اراده نوشتن می‌کند، در این مثال علت‌ها در طول هم هستند، یعنی  
در یک ردیف و مستقل نیستند، بلکه نسبت به هم در مرتبه‌های مختلف قرار  
دارند و علت مرتبه پایین، وابسته به علت مرتبه بالایی است.

**۶۸** (۳) به علت ابتدایی بودن سطح فرهنگ و زندگی اجتماعی و عدم  
توسعه کتابت تعلیمات انبیا به تدریج فراموش می‌شد (بخش اول همه گزینه‌ها  
صحیح است)، عبارت «لا ضرر و لا ضرار فی الاسلام» که معروف به قاعدة «لا  
ضرر» است و مربوط به «وجود قوانین تنظیم‌کننده» است که اشاره به «بیوایی  
و روز آمد بودن دین اسلام» از علل ختم نبوت دارد.

**۶۹** (۴) در آیه ۱۷۸ سوره مبارکة آل عمران می‌خواهیم: «وَ لَا يَحْسِنُ  
الَّذِينَ كَفَرُوا أَنَّمَا تَمْلَى لَهُمْ خَيْرٌ لِأَنْفُسِهِمْ...» آنان که کافر شدند، تصور نکنند که  
اگر به آنان مهلت می‌دهیم به نفع آن هاست.

و در آیه ۲ سوره عنکبوت می‌خواهیم: «أَخْبَسَ النَّاسَ أَنْ يَتَرَكُوا أَنْ يَقُولُوا أَمْنًا وَ  
هُمْ لَا يَفْقَنُونَ؛ آیا مردم گمان کردند، رها می‌شوند همین که بگویند ایمان  
آوردم و آزمایش نمی‌شوند»

**۷۰** (۲) براساس آیه ۱۹ سوره مبارکة آل عمران که می‌فرماید: «قطعاً  
دین نزد خداوند، اسلام است و اهل کتاب (یهودیان و مسیحیان) در آن، راه  
مخالفت نیمودند، مگر پس از آن که به حقانیت آن آگاه شدند، آن هم به دلیل  
رشک و حسدی که میان آنان وجود داشت» و اسلام به معنای تسليم بودن  
در برابر خداوند است.

**۷۱** (۳) آیه شریفه: «ذَلِكَ بِمَا فَعَلْتُمْ أَيْدِيكُمْ وَ أَنَّ اللَّهَ لَيْسَ بِظَلَامٍ لِلْعَبِيدِ؛  
این [عقوبت] به خاطر کردار پیشین شماست [و نیز به خاطر آن است که] خداوند  
هرگز به بندگان ستم نمی‌کند» به اختیار انسان و این که عقوبت تحت تأثیر اعمال  
است، اشاره دارد. لذا با آیه «...وَلَكُنْ گَذِبُوا فَاقْحَدَنَاهُمْ بِمَا كَانُوا يَكْسِبُونَ...» ولی  
تکذیب کردند، پس آنان را گرفتار ساختیم به [کیفر] آن چه مرتكب می‌شدند» که  
در برابر خاصه سنت اعمال انسان بر زندگی و سرنوشت او است.

**۷۲** (۲) حدیث شریف «إِنَّا مَعَاشِ الْأَبْيَاءِ...» که ترجمه آن در متن  
سؤال آمده به رشد تدریجی سطح فکر مردم از «علل تجدید نبوت‌ها» یا  
همان «علل فرستادن پیامبران متعدد» اشاره دارد.

**۷۳** (۳) باید دقت کنیم هر دو آیه مطروほه در گزینه‌ها درباره سنت اعل  
ابتلاء و امتحان است، ولی آیه «كُلُّ نَفْسٍ ذَائِقَةُ الْمَوْتِ...» درباره جنبه عام  
سنت امتحان الهی است که شامل همه افراد است، ولی آیه «أَخْبَسَ النَّاسَ أَنْ  
يَتَرَكُوا...» خاص مؤمنان است، یعنی وقتی انسان ایمان به خدا و بندگی او را  
اعلام کند، بنا به سنت ابتلاء وارد امتحان‌ها و آزمایش خاص می‌شود، در نتیجه  
به جنبه خاص سنت امتحان اشاره دارد.

در کسب توفیق الهی عوامل درونی مانند داشتن روحیه حق پذیری نقش  
تعیین‌کننده دارد.

**۷۴** (۴) دینی می‌تواند برای همیشه ماندگار باشد که بتواند به همه  
سؤال‌ها و نیازهای انسان‌ها در همه مکان‌ها و زمان‌ها پاسخ دهد. دین اسلام  
ویژگی‌هایی دارد که می‌تواند پاسخ‌گوی نیازهای بشر در دوره‌های مختلف باشد  
(بیوایی و روز آمد بودن دین اسلام).

**۷۵** (۳) با توجه به حقیقت اختیار و رابطه آن با قضا و قدر الهی،  
قانونمندی حاکم بر جهان خلقت تجلی تقدیر الهی است و زمینه حرکت و  
بیوایی انسان و به کارگیری اراده و اختیار اوست.

**۷۶** (۳) آیه ۸۵ سوره مبارکة آل عمران می‌فرماید: «وَ مَنْ يَتَشَاءَعَ عَلَيْهِ  
الْإِسْلَامِ دِيَنًا فَلَنْ يَقْتَلَ مِنْهُ وَ هُوَ فِي الْآخِرَةِ مِنَ الْخَاسِرِينَ؛ وَ هر کس که دینی  
جز اسلام اختیار کند، هرگز از او پذیرفته نخواهد شد و در آخرت از زیان کاران  
خواهد بود» یعنی زیان کاری در حیات اخروی معلوم (تابع) پذیرش دینی  
غیر از اسلام است.

## زبان انگلیسی ۹

حل ویدئویی سوالات این درجه را  
بیایست DriQ.com مشاهده کنید

## پاسخ دوازدهم ریاضی

**دقت گنید، هر چند** "paper" (کاغذ) در این تست غیرقابل شمارش است و "time" (زمان) نمی‌گیرد، ولی "time" در معنی قابل شمارش «دفعه، بار» استفاده شده و بعد از عدد "seven" (هفت) جمع بسته می‌شود.

**۶۷** او خیلی انگلیسی صحبت نمی‌کرد، ولی چیزی که من تلاش می‌کردم بگویم را توانست متوجه شود، پس کمک کرد تا موزه‌ای را که دنبالش می‌گشتم بپیدا کنم.

توضیح: در جای خالی اول از "but" برای بیان تضاد و نتیجه غیرمنتظره استفاده شده است و در جای خالی دوم از "so" برای بیان نتیجه استفاده کردادهایم.

**۶۸** صدها حلقه‌ای که دور زحل می‌چرخدند از میلیاردها ذره یخ و سنگ تشکیل شده‌اند.

توضیح: در این تست، هم "hundred" (صد) و هم "billion" (میلیارد) برای کلی‌گویی استفاده شده‌اند؛ بنابراین هر دوی آن‌ها به صورت جمع و به همراه "of" به کار می‌روند.

**۶۹** در [ماه] زوئن وقتی که کلاس‌های دانشگاه تمام می‌شود و دانشجویان زیادی شهر را ترک می‌کنند، آپارتمان‌های زیادی موجود می‌شوند. توضیح: هم "apartments" (آپارتمان‌ها) و هم "students" (دانشجویان) اسم قبل شمارش جمع هستند و در نتیجه در بین گزینه‌ها، تنها موارد موجود در گزینه (۴) می‌توانند به شکل صحیحی پیش از آن‌ها فرار بگیرند.

**۷۰** او در جریان کارش برای مردم زیادی در شهرهای محلی شاخته شده بود و در بین همه بسیار محبوب بود.

- (۱) ذهنی؛ روحی
- (۲) محظوظ، پرطرفدار
- (۳) مایل، مستاق
- (۴) قدردان

**۷۱** هیچ اتوبوس همگانی‌ای [در مسیر] آن روزتا خدمت (فعالیت) نمی‌کند، پس باید یک تاکسی کرایه کنید تا شما را به آن جا ببرد و وقتی آماده بودید تا برگردید با همان تاکسی همان‌گنگ کنید تا سوارتان کند.

- (۱) تأیید کردن، تصدیق کردن
- (۲) درگیر کردن؛ مشارکت دادن
- (۳) در نظر گرفتن، لحاظ کردن
- (۴) همان‌گنگ کردن؛ ترتیب دادن

**۷۲** یک وسیله نقلیه فضایی باید با سرعت حداقل ۱۷ مایل در ثانیه حرکت کند تا از کشش گرانشی زمین بگیرید.

- (۱) فرار کردن، گریختن
- (۲) کاهش دادن؛ کاهش یافتن
- (۳) منفجر شدن، ترکیدن
- (۴) چرخیدن، دور زدن

**۷۳** تعدادی از اتومبیل‌های خودران در مراحل پیشرفت توسعه هستند و انتظار می‌رود در طول سال‌های آتی در دسترس عموم فرار گیرند.

- (۱) پیشرفت
- (۲) تکرارشده
- (۳) بزرگنمایی شده
- (۴) پیشنهادشده

**۷۴** مصریان باستان قلب را به عنوان مرکز هوش و احساس در نظر می‌گرفتند و اعتقاد داشتند متر هیچ‌گونه اهمیتی ندارد.

- (۱) دست یافتن به، رسیدن به
- (۲) الهام بخشیدن
- (۳) در نظر گرفتن، لحاظ کردن
- (۴) تولید کردن، ساختن

**۷۵** او سکه‌ای قدیمی داشت که فکر می‌کرد بالرزش است، ولی در واقع بی‌ارزش بود چون که در شرایط بدی بود (سالم نبود).

- (۱) جمعی، فراگیر
- (۲) مشترک
- (۳) بالرزش، ارزشمند
- (۴) داخلی، خانوادگی

**۶۸** امام کاظم (ع) به شاگرد برجسته خویش هشام بن حکم می‌فرماید: «از کسانی که پیام را بهتر می‌بذریند که معرفت برتر (افضل) برخوردار باشند و آنان که در تعلق و تفکر برترند (افضل‌اند) نسبت به فرمان‌های الهی داناند (اعلم‌اند)...».

**۶۹** در روایتی از پیامبر اکرم (ص)، آمده است که راهیانی شرک به دل انسان از راه رفتن مورچه‌ای سیاه در دل شب تاریک بر تخته‌سنگی سیاه پنهان‌تر است، پس باید بینیم چگونه از حريم دل پاسانی کنیم تا آفت شرک به آن راه نیابد و عمل ما خالص برای خداوند انجام شود و حافظ شیرازی در این باره سروده است:

پاسان حرم دل شده‌ام شب همه شب / تا در این پرده جز اندیشه او نگذارم

**۷۰** دغدغه چگونه زیستن از آن روز دغدغه‌ای جدی است که انسان فقط یک بار به دنیا می‌آید و یک بار زندگی در دنیا را تجربه می‌کند، بنابراین در این فرصت تکرارشدنی، باید از بین همه راههایی که پیش روی اوست راهی را برای زندگی انتخاب کند که به آن مطمئن باشد و در آیه «إِلَّاَ الَّذِينَ آتُنَا وَعْدَنَا الْمُصَالِحَاتِ...» به این راه مطمئن که همان راه الهی است، اشاره گردیده است.

**۷۱** کسی که گرفتار غفلت شد و چشم اندیشه به روی جهان بست، آیات الهی را نخواهد یافت و دل به مهر او نخواهد داد.

مهر رخسار تو می‌تابد ز ذرات جهان / هر دو عالم پر زور و دیده نایین، چه سود این موضوع اشاره به «افزايش معرفت و شناخت نسبت به خداوند» از راههای تقويت اخلاص دارد.

**۷۲** امام علی (ع) می‌فرماید: «خداوند بدان جهت روزه را واجب کرد تا اخلاص مردم را بیازماید»، این سخن مربوط به «دوری از گناه و تلاش برای انجام واجبات» از راههای تقویت اخلاص است.

**۷۳** همه چیز در سیطره تقدیر است و قانونمندی‌های الهی است و خروج از ناممکن و محال است و آیه شریفه «لَا الشَّمْسُ يَنْبَغِي لَهَا أَنْ تُدْرِكَ الْقَمَرُ...» نه خوشید را سزد که به ماه برسد... به این موضوع اشاره دارد و این موضوع مؤید آن است که هر چیزی مقدر به تقدیر الهی است.

**۷۴** آیه شریفه: «وَ السَّمَاءُ بَنَتْنَاهَا بِأَيْدٍ وَ إِنَا لَمْوَسِعُونَ؛ وَ آسمان را با قدرت خود برآورده‌ایم و همواره آن را وسعت می‌بخشیم.» اشاره به اعجاز محتوایی قرآن و ذکر نکات علمی بی‌سابقه و انساط جهان دارد و با توجه به کلید واژه «باید» مؤید حقیقت قدرت خداوند است.

**۷۵** بنا نهادن جامعه‌ای عدالت‌محور ← در عرصه عمل انسان می‌خواهد با ایمانی که کسب کرده تلاش نماید.

عادلانه بودن نظام هستی ← اسلام خواسته تا با اندیشه خود در جهان هستی به ایمان قلی دست یابد.

دوستداری عدالت ← از ویژگی‌های فطری بشر است که فضیلت‌های اخلاقی مانند عدالت را دوست دارد.

## ذیان انگلیسی

**۷۶** عموماً ادعا می‌شود که شما نمی‌توانید یک تکه کاغذ را بیش از هفت بار از وسط تا بزنید.

توضیح: "piece" (تکه) خودش اسم قابل شمارش است و در نتیجه در این جا طبق مفهوم جمله به حرف تعریف "a" نیاز دارد.

یک مهمان در حال بازگشت است. ما این یکی را خیلی وقت است که ندیده‌ایم. در [سال] ۲۰۶۱ ستاره دنباله‌دار هالی بر فراز زمین به سرعت حرکت خواهد کرد. آن به خاطر ادموند هالی [به این اسم] نام‌گذاری شده است. او استنباط کرد که ستاره‌های دنباله‌دار دیده شده در [سال‌های] ۱۵۳۱، ۱۶۰۷ و ۱۶۸۲ همه دقیقاً یکی بودند. وی ظاهر شدن آن را در [سال] ۱۷۵۸ پیش‌بینی کرد. اما او زنده نماند تا آن را ببیند. قدیمی‌ترین [اطلاعات] ثبت شده از ستاره دنباله‌دار هالی از [سال] ۱۰۵۷ پیش از میلاد به دست آمده است. [در این سال] یک کتاب چینی به آن اشاره می‌کند. ستاره‌شناسان از [سال] ۲۳۹ پیش از میلاد هر [بار] ظاهر شدن [این ستاره دنباله‌دار] را ذکر کردند.

یک ستاره دنباله‌دار به صورت یک توده یخی کوچک دورتر از پلوتون در ناحیه‌ای به نام ابر اورت به وجود می‌آید. آن جا، میلیاردها تکه آب یخ، آمونیاک یخ، متان یخ و گرد و غبار به دور منظومه شمسی می‌چرخدند. کرانش [سیاره] پلوتون یا پیتون باعث می‌شود که ستاره دنباله‌دار شروع به پایین رفتن به سمت خورشید کند. دنباله‌ای از ذرات خورشیدی، یک دنباله قابل رویت از گازهای درخشان ایجاد می‌کند. این دنباله می‌تواند به اندازه سی و پنج میلیون مایل امتداد داشته باشد. ستاره دنباله‌دار به دور خورشید می‌چرخد. سپس آن [در اثر نیروی گرانش] به سمت پیرون پرتاپ می‌شود و یک بار دیگر به سمت خارج منظومه شمسی با شتاب حرکت می‌کند. اغلب ستاره‌های دنباله‌دار هرگز به منظومه شمسی برگزندند. با این وجود، تعدادی از آن‌ها ستاره‌های دنباله‌دار کوتاه‌مدت (دوره‌ای) هستند. آن‌ها در فواصل منظم بازمی‌گردند. ستاره دنباله‌دار هالی هر هفتاد و شش سال [یک بار] ظاهر می‌شود. ستاره دنباله‌دار انکه هر ۳/۳ سال [یک بار] از نزدیک زمین می‌گذرد.

**۹۳** طبق متن، ستاره‌های دنباله‌دار کجا تشکیل می‌شوند؟

- ۱) نزدیک خورشید
- ۲) در ناحیه ابر اورت
- ۳) نزدیک مشتری
- ۴) نزدیک زمین

**۹۴** کلمه "deduce" (استنباط کردن، نتیجه گرفتن) به شکلی که در پاراگراف اول استفاده شده به معنی ..... است.

۱) متقاعد کردن سایر دانشمندان

۲) با استدلال به نتیجه‌ای رسیدن

۳) تلاش کردن برای درک هستی

۴) کشف کردن یک واقعیت به صورت تصادفی

**۹۵** کدام رویداد پس از مرگ هالی اتفاق افتاد و به عنوان دلیلی دیده شد که ستاره دنباله‌دار [هالی] هر هفتاد و شش سال [یک بار] بازمی‌گردد؟

۱) ظاهر شدن [ستاره دنباله‌دار هالی] در [سال] ۱۹۸۴

۲) ظاهر شدن [ستاره دنباله‌دار هالی] در [سال] ۲۰۶۱

۳) ظاهر شدن [ستاره دنباله‌دار هالی] در [سال] ۱۰۵۷

۴) بازگشت ستاره دنباله‌دار [هالی] در [سال] ۱۷۵۸

**۹۶** طبق محتوای متن، معنی ستاره دنباله‌دار کوتاه‌مدت (دوره‌ای) چیست؟

۱) آن در فواصل منظم بازمی‌گردد.

۲) آن از ذرات خورشیدی تشکیل شده است.

۳) آن روی زمین تنها یک بار دیده می‌شود.

۴) آن کمتر از یک سال دوام می‌آورد.

**۸۶** **۳** این یک خوشمزه استا مواد [آن] چیست؟ یک چیزی اینجا [داخل] کیک هست که می‌توانم [طعم آن را] تشخیص دهم، ولی نمی‌توانم فهم آن چیست.

- ۱) مراقب بودن
- ۲) اصرار کردن بر، تأکید کردن بر
- ۳) بی بودن، فهمیدن
- ۴) ساطع کردن، منتشر کردن

**۸۷** **۳** او در حال حاضر با شرکت‌های دارویی کار می‌کند تا نسل جدیدی از داروها را توسعه دهنده ممکن است از آن [داروهای] موجود مؤثرتر باشند.

- ۱) مقایسه، سنجش
- ۲) اطلاعات
- ۳) جمعیت
- ۴) نسل؛ تولید

سازه‌های عظیم مانند تانکرهای نفت و پل‌ها و [همچنین] اشیای کوچک مانند پیچ و مهره‌ها همه از فولاد ساخته می‌شوند. جهان هر سال تقریباً دو میلیارد تن فولاد تولید می‌کند؛ آن از همه فلزات به طور گسترده‌تری مورد استفاده قرار می‌گیرد. فولاد از آهن [که] یکی از متداول‌ترین فلزات پوسته زمین [است] و کربن که از زغال‌سنگ حاصل می‌گردد، ساخته می‌شود. آهن کاربردهای بسیاری دارد. از جمله ساخت قطعات موتور ماشین و آهن‌رباها. بدن ما نیز برای [این که] به دوستی کار کند، به آهن نیاز دارد. یک رژیم غذایی سالم باید شامل غذاهایی مانند سبزیجات سبز باشد که حاوی آهن هستند. تکه‌های آهن در شهاب‌سنگ‌ها از فضای زمین می‌افتدند. با این حال، بیشتر آهن [تولیدشده] از سنگ آهن [موجود] در سنگ‌ها به دست می‌آید. حراوت دادن سنگ آهن با کسک (از زغال‌سنگ) آهن را می‌سازد. هیئت‌های ترکیه حدود ۱۵۰۰ [سال] پیش از میلاد مسیح [مهارت] ذوب آهن را تکمیل کردند. این سرآغاز عصر آهن بود که طی آن آهن برای ساخت سلاح‌ها و ایزار کاربرد گسترده‌ای پیدا کرد

**۸۸** **۳** توضیح: اعدادی مانند "billion" (میلیارد) اصولاً قبل جمع بستن نیستند، مگر این‌که مانند تست ۷۸ قصد کلی گویی داشته باشیم. ولی در این تست به دلیل کاربرد عدد "two" "متوجه می‌شویم که کلی گویی وجود ندارد و نمی‌توانیم "billion" را جمع بیندیم. البته اسم قبل شمارش "ton" بعد از این عدد جمع بسته می‌شود.

- نکته: بعد از "every" و مشتقات آن، اسم جمع بسته نمی‌شود.
- ۱) محل، مکان
  - ۲) فلز
  - ۳) شگفتی، حیرت
  - ۴) مایع

**۹۰**

- ۱) به صورت جمعی، به صورت فراگیر
- ۲) جالب این‌که
- ۳) طبق گزارش

۴) به درستی، به صورت مناسب، به صورت شایسته

**۹۱**

- ۱) درگیر کردن؛ مشارکت دادن
- ۲) برگزیدن
- ۳) پایین آوردن، کم کردن
- ۴) حاوی ... بودن

**۹۲**

توضیح: در صورتی که یک اسم مصدر ( فعل ing) در جایگاه فاعل جمله قرار گیرد، فاعل سوم شخص مفرد به حساب می‌آید. وقت کنید، چون مفعول فعل "produce" (یعنی "iron") بعد از جای خالی قرار دارد، در جای خالی به فعل معلوم نیاز داریم که شکل مناسب آن برای فاعل سوم شخص مفرد در گزینه (۴) آمده است.

## ریاضیات | ۱۱

حل ویدئویی سوالات این رفرم را در  
برایت DriQ.com مشاهده کنید

پاسخ دوازدهم ریاضی

$$\lim_{x \rightarrow (-1)^+} \frac{|m-1|-1}{x+1} = -\infty \Rightarrow \lim_{x \rightarrow 0^+} |m-1|-1 = -\infty \Rightarrow |m-1|-1 < 0$$

$$\Rightarrow |m-1| < 1 \Rightarrow -1 < m-1 < 1 \Rightarrow 0 < m < 2$$

۱۰۴

$$\lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{x-1}{(x-1)^2} = \lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{1}{(x-1)} = +\infty$$

۱۰۳

$$\lim_{x \rightarrow 2} \log_2 |x-2| = \log_2 (+) = -\infty$$

۱۰۴

$$\lim_{x \rightarrow \pi^+} \frac{-x}{\sin x} = \frac{-\pi}{\sin \pi^+} = +\infty$$

$$1-x=0 \Rightarrow x=1$$

۱۰۵

با توجه به شکل داده شده در سؤال داریم:

$$\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x) = +\infty \Rightarrow \frac{3-m[1^-]}{1-1^-} = +\infty \Rightarrow \frac{3}{0^+} = +\infty \Rightarrow m \in \mathbb{R} \setminus \{1\}$$

$$\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) = -\infty \Rightarrow \frac{3-m[1^+]}{1-1^+} = -\infty \Rightarrow \frac{3-m}{0^-} = -\infty$$

$$\Rightarrow 3-m > 0 \Rightarrow m < 3 \quad (2)$$

$$(1) \cap (2) \Rightarrow m < 3$$

$$x=2 \quad \text{ تنها ریشه معادله } -2x^3 + ax + b = 0 \text{ است. یعنی}$$

باید معادله به صورت  $(x-2)^3 = -2x^3 + ax + b$  تبدیل شود.

$$-2(x-2)^3 = -2(x^3 - 4x^2 + 4x) = -2x^3 + 8x^2 - 8x$$

$$\text{با مقایسه } -8 \text{ و } a = 8, -2x^3 + ax + b = -2x^3 + 8x^2 - 8x \text{ به دست}$$

$$\text{می آید و تابع } g \text{ به صورت } g(x) = \frac{x+8}{x} \text{ تبدیل می شود که مجذوب قائم}$$

آن  $x=0$  است.

$$3 \quad \text{ با تبدیل } X \text{ به } \frac{\pi}{2} - X \text{ ضبطه } f(x) \text{ به دست می آید.}$$

$$f(x - \frac{\pi}{2} + \frac{\pi}{2}) = \frac{1}{1 + \cos(x - \frac{\pi}{2})} \Rightarrow f(x) = \frac{1}{1 + \sin x}$$

$$f(x) = \frac{1}{1 + \sin x} \Rightarrow \sin x = -1 \Rightarrow x = 2k\pi - \frac{\pi}{2}$$

$$\text{یکی از جوابها } x = \frac{3\pi}{2} \text{ است.}$$

۱۰۸  $\tan x$  یک بار ریشه های مخرج و یک بار هم مجذوب های تابع  $\tan x$  را حساب می کنیم.

$$\tan^2 x - 3 = 0 \Rightarrow \tan x = \pm \sqrt{3} \Rightarrow \begin{cases} \tan x = \sqrt{3} \Rightarrow x = \frac{\pi}{3}, \frac{4\pi}{3} \\ \tan x = -\sqrt{3} \Rightarrow x = \frac{2\pi}{3}, \frac{5\pi}{3} \end{cases}$$

مجذوب های قائم تابع  $\tan x$  در فاصله  $[0^\circ, 2\pi]$  است  $x = \frac{3\pi}{2}$  و  $x = \frac{\pi}{2}$

پس مجموع مجذوب های قائم برابر است با:

$$\frac{\pi}{3} + \frac{4\pi}{3} + \frac{2\pi}{3} + \frac{5\pi}{3} + \frac{3\pi}{2} + \frac{\pi}{2} = 6\pi$$

فرض کنید معلماتان به شما تکلیف داده است تا همه اعداد از ۱ تا ۱۰۰ را بدون استفاده از ماشین حساب با هم جمع کنید. فکر می کنید این [کار] چه مدت طول بکشد؟ شما می توانید این [کار] را در حدود ۳۰ ثانیه انجام دهید.

روش [آن] در اینجا آمده است: ۱ را با ۱۰۰ جمع کنید که مساوی ۱۰۱ می شود. ۲ را به ۹۹ اضافه کنید که برابر ۱۰۱ می شود. ۳ را با ۹۸ جمع کنید که [آن] نیز مساوی ۱۰۱ می شود. شما ۵۰ جفت عدد را با هم جمع می کنید که همه برابر ۱۰۱ می شوند. بنابراین می توانید ۵۰ را در ۱۰۱ ضرب کنید. این مساوی ۵۰ می شود. البته، هنگامی که اعداد یکسان را به کار می برد ضرب کردن صرفاً یک روش سریع جمع استن است.

ریاضیدانی که این مسئله خاص را حل کرد، کارل گاووس نام داشت. او از [سال] ۱۷۷۷ تا ۱۸۵۵ زندگی می کرد. وی به عنوان یک دانشجوی کالج دریافت که یک شکل هفده ضلعی می تواند فقط با یک پیگار و یک خطکش کشیده شود [قبل از آن] تصویر می شد این [کار] غیرممکن است. گاووس در طول زندگی اش در بررسی اعداد و اشکال اکتشافات بسیاری انجام داد. او کاربرد آمار را مورد مطالعه قرار داد. این [آمار] علم جمع آوری، کاربرد و بررسی اطلاعات از وقایع واقعی در زندگی است. گاووس ستاره ها و سیارات را نیز مورد مطالعه قرار داد. او به دلیل کشف مدار سیاره کوتوله سرس به دور خوشید مشهور شد.

۹۷  $\quad 2 \quad$  در الگوی توصیف شده در پاراگراف دوم کدام عدد به ۹۱ اضافه خواهد شد؟

۱۰ (۲)

۲۰ (۴)

۱۱ (۳)

۹۸  $\quad 1 \quad$  تمام موارد زیر می توانند به عنوان نمونه های آمار در نظر گرفته شوند بهجز.....

(۱) کشف فرمول های ریاضی جدید

(۲) جمع آوری نتایج جام جهانی [فوتبال] فیفا از [سال] ۱۹۳۰

(۳) تخمین [تعداد] بشکه های نفت فروخته شده توسط یک شرکت در یک سال

(۴) بی بدن به معدل نمرات یک دانش آموز در طول یک سال [تحصیلی]

۹۹  $\quad 1 \quad$  طبق محتوای متن، می توانید چه چیزی را در مورد سرس برداشت کنید؟

(۱) تا [زمان] گاووس هیچ کس از مدار آن اطلاع نداشت.

(۲) پیش از کارل کشف آن غیرممکن تلقی می شد.

(۳) سرس در یک منظومه خورشیدی [دیگر] حرکت می کند و هرگز باز نمی گردد.

(۴) این سیاره کوتوله اولین بار توسط کارل گاووس دیده شد.

۱۰۰  $\quad 4 \quad$  کدام یک از موارد زیر در متن تعریف شده است؟

(۱) تکلیف [پاراگراف ۱] (۲) ماشین حساب [پاراگراف ۱]

(۳) حل کردن [پاراگراف ۳] (۴) آمار [پاراگراف ۳]

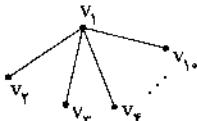
## ریاضیات

۱۰۱

$$\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{1-x^2}{x-x^2} = \lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{(1-x)(1+x)}{x(1-x)} = \lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{1+x}{x} = \frac{1}{0^+} = +\infty$$

$$\lim_{x \rightarrow 4^-} \frac{|x|}{4-x} = \frac{4}{4-4^-} = \frac{4}{0^+} = +\infty$$

- ۱۱۴** چون  $|N_G[v_1]|=10$ . پس رأس  $v_1$  به همه رؤوس وصل است و چون  $2 \leq i \leq 10$ ,  $|N_G[v_i]|=2$ , پس بقیه رؤوس دارای درجه یک هستند. یعنی گراف به صورت زیر است:



که دارای ۹ یال است. از طرفی تعداد یال‌های  $K_{10}$  برابر است با:

$$\binom{10}{2} = 45$$

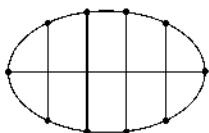
پس با اضافه کردن  $=36 - 9 = 27$  یال، این گراف به گراف  $K_{11}$  تبدیل می‌شود.

**۱۱۵** حالت‌های مختلف  $p+q=8$  را در نظر می‌گیریم.

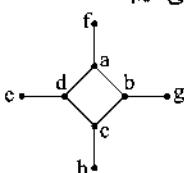
$p$	$q$	تعداد گراف‌ها
۸	۰	• • • •
۷	۱	• • • •
۶	۲	• • • • • •
۵	۳	• • • •
۴	۴	• • • •
۳	۵	گراف ساده‌ای قابل رسم نیست
۲	۶	گراف ساده‌ای قابل رسم نیست
۱	۷	گراف ساده‌ای قابل رسم نیست
۰	۸	گراف ساده‌ای قابل رسم نیست

با توجه به گراف‌های رسم شده،  $10$  گراف وجود دارد.

- ۱۱۶** می‌دانیم اگر گراف منظم باشد،  $\Delta - \delta = 1$  خواهد شد. بنابراین ابتدا منظم یوden گراف را بررسی می‌کنیم، با کمی دقت می‌توان فهمید که گراف  $3$ - منظم از مرتبه  $10$  دارای  $15$  یال است.



**۱۱۷** ابتدا گراف را با اطلاعات داده شده رسم می‌کنیم.



- چون مجموعه رؤوس گراف  $G_1$  یا مجموعه رؤوس گراف  $G$  برابر است، پس باید بینیم مجموعه یال‌های  $G_1$  را به چند طریق می‌توان انتخاب کرد و چون  $E(G_1) \subseteq E(G)$  و گراف  $G$  دارای  $8$  یال است. بنابراین  $(E(G_1), G)$  را به  $2^8$  طریق می‌توانیم انتخاب کنیم. (هر یال گراف  $G$  می‌تواند در گراف  $G_1$  باشد یا نباشد پس برای هر یال دو حالت وجود دارد).

- ۱۱۹** ریشه‌های مخرج تابع  $(x)g$  را حساب می‌کنیم.

$$f(x)=0 \Rightarrow x=-2, x=1, x=2$$

ریشه‌های به دست آمده از معادله  $f(x)=0$  ریشه‌های صورت و مخرج تابع  $(x)g$  است و چون  $x=2$  و  $x=-2$  ریشه‌های ساده صورت و مخرج  $(x)g$  است پس مجانب قائم نیستند، اما چون  $x=-2$  در  $x=2$  بینهای است و در نتیجه فقط  $x=-2$  مجانب قائم  $(x)g$  است.

- ۱۱۰** مفهوم این سوال این است که قدر مطلق تفاضل ریشه‌های

$$x^2 + x + m = 0$$
 برابر  $4$  است.

$$|\alpha - \beta| = 4 \Rightarrow \frac{\sqrt{\Delta}}{|a|} = 4 \Rightarrow \sqrt{\Delta} = 4 \Rightarrow \Delta = 16$$

$$\Rightarrow 1 - 4m = 16 \Rightarrow 4m = -15 \Rightarrow m = -\frac{15}{4}$$

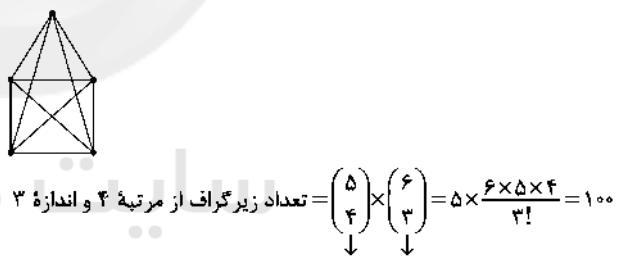
**۱۱۱** بهتر است مسئله را از راه متمم حل کنیم.

$$\text{تعداد کل یال‌ها} = \binom{6}{2} = \frac{6 \times 5}{2} = 15$$

تعداد گراف‌های ساده با حداقل یک یال  $(bc, ac, ab)$

$$\begin{aligned} & \text{تعداد گراف‌های ساده بدون سه یال مذکور} - \text{تعداد کل گراف} \\ & = 2^{15} - 2^{12} = 2^{12}(2^3 - 1) = 2^{12} \times 7 \end{aligned}$$

- ۱۱۲** یک زیرگراف از گراف  $G$  گرافی است که مجموعه رؤوس آن زیرمجموعه‌ای از مجموعه رؤوس گراف  $G$  و مجموعه یال‌های آن زیرمجموعه‌ای از مجموعه یال‌های  $G$  باشد.



$$\text{تعداد زیرگراف از مرتبه } 4 \text{ و اندازه } 3 = \binom{5}{4} \times \binom{6}{3} = 5 \times \frac{6 \times 5 \times 4}{3!} = 100$$

انتخاب  $3$  یال از  $6$  یال انتخاب  $4$  رأس از  $5$  رأس

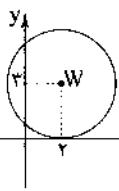
- ۱۱۳** چون  $N_G[a] = N_G[b]$  می‌باشد، پس دو رأس  $a$  و  $b$  مجاور هستند. یعنی یال  $ab$  در گراف وجود دارد. یال‌هایی که با رؤوس  $f$ ,  $e$ ,  $c$ ,  $d$ ,  $g$ ,  $h$  و  $c$  ساخته می‌شود یعنی  $ce - cd - ef - df - de$  می‌توانند در گراف  $G$  باشند یا نباشند یعنی برای هر کدام  $2$  حالت وجود دارد. از طرفی یال‌هایی که با رؤوس  $a$  و  $b$  ساخته می‌شوند به عنوان مثال  $(bc - ac)$  یا باید هر دو در گراف باشند یا هر دو در گراف نباشند. پس برای هر دو یال  $2$  حالت وجود دارد برای یال‌های  $ad$  و  $bd$  نیز همین اتفاق می‌افتد. پس داریم:

$$\begin{aligned} & 1 \times 2 = 2^{10} \\ & \downarrow \quad \downarrow \\ & \text{ای} \quad \text{ای} \\ & \text{یال} \quad \text{یال} \\ & \text{یال‌های} \quad \text{یال‌های} \\ & \text{بند} \quad \text{بند} \\ & \text{bc, ac, ad, bd, ce, df, ef, de, cf} \end{aligned}$$

## ریاضیات | ۱۳

حل ویدئویی سوالات این دفعه را در  
وبسایت DriQ.com مشاهده کنید

## پاسخ دوازدهم ریاضی



- ۱۲۴) دایره در ربع اول بر محور X ها مماس است، زیرا مرکز دایره در ربع اول قرار دارد. ضمناً چون بر محور X ها مماس است، پس:  $r = |\beta| = 3$

معادله دایره را می‌نویسیم و با محور Y ها قطع می‌دهیم.

$$\begin{aligned} (x-2)^2 + (y-2)^2 &= 9 \\ x=0 \Rightarrow 4+(y-2)^2 &= 9 \Rightarrow (y-2)^2 = 5 \\ \Rightarrow \begin{cases} y-2=\sqrt{5} \Rightarrow y=2+\sqrt{5} \\ y-2=-\sqrt{5} \Rightarrow y=2-\sqrt{5} \end{cases} \\ \Rightarrow |a-b| &= (2+\sqrt{5}) - (2-\sqrt{5}) = 2\sqrt{5} \\ (2x-a)^2 + 4((y-b)^2 - b^2) &= ab \\ \Rightarrow 4(x-\frac{a}{2})^2 + 4(y-b)^2 - 4b^2 &= ab \\ \Rightarrow (x-\frac{a}{2})^2 + (y-b)^2 &= \frac{ab+4b^2}{4} \\ x-\frac{a}{2}=0 \xrightarrow{x=-1} -1-\frac{a}{2}=0 \Rightarrow a &= -2 \\ y-b=0 \xrightarrow{y=2} 2-b=0 \Rightarrow b &= 2 \\ (x+1)^2 + (y-2)^2 &= \frac{-2\times 2 + 4\times 4}{4} \\ \Rightarrow (x+1)^2 + (y-2)^2 &= 3 \Rightarrow r = \sqrt{3} \end{aligned}$$

۱۲۵)

$$x^2 + y^2 + 4x - 8y = 5 \Rightarrow W(-2, 4), r = \sqrt{4+16+5} = 5$$

$$(x+1)^2 + (y-1)^2 = 1 \Rightarrow W'(-1, 1), r' = 1$$

$$d = |WW'| = \sqrt{(-2+1)^2 + (-1-4)^2} = \sqrt{10}$$

چون  $|r-r'| < d$  است، پس دو دایره متقاطعند.

- ۱۲۶) نکته: قوت نقطه  $(x_0, y_0)$  نسبت به دایره  $C(x, y) = x^2 + y^2 + ax + by + c = 0$  باشد، نقطه A درون دایره C و اگر  $x_0^2 + y_0^2 > 0$  باشد، نقطه A خارج دایره و اگر  $x_0^2 + y_0^2 < 0$  باشد، نقطه A روی دایره C قرار می‌گیرد.

در این سؤال چون A و B درون دایره قرار دارند، پس:

$$C(1, -1) = 1+1+4+1-P < 0 \Rightarrow P > 2 \quad (1)$$

$$C(3, 2) = 9+4+12-2-P < 0 \Rightarrow P > 23 \quad (2)$$

$$(1) \cap (2): P > 23$$

برای آن که مکان هندسی داده شده تهی باشد، باید:

$$a^2 + b^2 < 4c \Rightarrow 9+k^2 < 16 \Rightarrow |k| < \sqrt{7}$$

- ۱۲۷) مرکز و شعاع دایره  $x^2 + y^2 - 4x + 2y - 4 = 0$  را حساب می‌کنیم:

$$w = (2, -1) \quad r = \sqrt{4+1+4} = 3$$

حال فاصله مرکز دایره تا خط مماس را برابر شعاع دایره قرار می‌دهیم:

$$\frac{|2(2)+4(-1)+m|}{\sqrt{3^2+4^2}} = 3 \Rightarrow |m+2| = 15$$

$$\Rightarrow \begin{cases} m+2 = 15 \Rightarrow m = 13 \\ m+2 = -15 \Rightarrow m = -17 \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} x^2 = 2 + \sqrt{3} \Rightarrow x = \pm \sqrt{2 + \sqrt{3}} \\ x^2 = 2 - \sqrt{3} \Rightarrow x = \pm \sqrt{2 - \sqrt{3}} \end{cases}$$

بنابراین بزرگترین ریشه حقیقی معادله  $x^2 + y^2 + 8y - 10y + 27 = 0$  است.

(۲) ۱۳۸:

$$\sqrt[3]{1-2x^2} = 1-2x^2 \xrightarrow{\sqrt[3]{1-2x^2} = A} A = A^4$$

$$\Rightarrow A(A^4 - 1) = 0 \Rightarrow \begin{cases} A = 0 \\ A^4 - 1 = 0 \Rightarrow A^4 = 1 \Rightarrow A = 1 \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} \sqrt[3]{1-2x^2} = 0 \Rightarrow 1-2x^2 = 0 \Rightarrow x = \pm \frac{\sqrt{2}}{2} \\ \sqrt[3]{1-2x^2} = 1 \Rightarrow 1-2x^2 = 1 \Rightarrow -2x^2 = 0 \Rightarrow x = 0 \end{cases}$$

پس کوچکترین ریشه معادله  $\frac{\sqrt{2}}{2} -$  است.

(۴) ۱۳۹: فاصله از  $a - b$  برابر  $|a - b|$  است.

$$2|x - (-4)| > 3 \Rightarrow |x + 4| > \frac{3}{2} \Rightarrow \begin{cases} x + 4 > \frac{3}{2} \Rightarrow x > -\frac{5}{2} \\ x + 4 < -\frac{3}{2} \Rightarrow x < -\frac{11}{2} \end{cases}$$

$$\Rightarrow x \in (-\infty, -\frac{11}{2}) \cup (-\frac{5}{2}, +\infty)$$

(۵) ۱۴۰: نقطه به صورت  $A(a, -2a)$  و نقطه  $B(4, 2)$  خواهد بود.

$$|AB| = 5 \Rightarrow \sqrt{(a-4)^2 + (-2a-2)^2} = 5$$

$$\Rightarrow a^2 - 8a + 16 + 4 + 4a^2 + 4a = 25 \Rightarrow 5a^2 - 4a - 5 = 0 \Rightarrow a = \pm 1$$

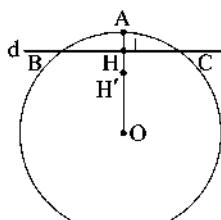
چون  $A$  در ناحیه دوم مختصات قرار دارد پس  $(-1, 2)$   $A(-1, 2)$  خواهد بود. ضمناً دو خط برهمن عمودند، پس مثلث  $ABO$  در رأس  $O$  قائم است.

$$|BO| = \sqrt{16+4} = 2\sqrt{5}, |AO| = \sqrt{1+4} = \sqrt{5}$$

$$S_{\Delta} = \frac{1}{2} \times 2\sqrt{5} \times \sqrt{5} = 5$$

(۶) ۱۴۱: نقاطی که از خط  $d$  به فاصله ۱ هستند، روی دو خط موازی با

آن در دو طرف آن قرار دارند و یکی از این خطها بر دایره مماس است و مطابق شکل داریم:



$$AH' = 2, OH = 1, OH' = 2$$

$$BH' = CH' = \sqrt{5^2 - 2^2} = 3$$

$$S_{\Delta} = \frac{BC \cdot AH'}{2} = \frac{8 \times 2}{2} = 8$$

(۷) ۱۴۲: زاویه  $B$  محاطی است، پس نصف کمان مغلوبش است و داریم:

$$\hat{B} = \frac{\widehat{AC}}{2} = \frac{\pi}{2}$$

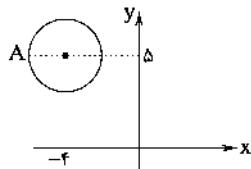
در مثلث  $ABC$  داریم:

$$\hat{A} + \hat{B} + \hat{C} = 180^\circ$$

$$\Rightarrow 2x + 5 + \frac{\pi}{2} + 2x + 10 = 180^\circ \Rightarrow \frac{11x}{2} = 165^\circ \Rightarrow x = 30^\circ$$

(۳) ۱۳۰: مرکز و شعاع دایره را حساب می‌کیم:

$$w = (-4, 5) \quad r = \sqrt{16+25-27} = 2$$

نمودار دایره  $x^2 + y^2 + 8y - 10y + 27 = 0$  به صورت زیر است:

با توجه به نمودار دایره، نقطه  $A$  بیشترین فاصله از محور  $y$  را دارد که این فاصله برابر ۶ واحد است.

(۱) ۱۳۱: در واقع باید بینیم کدام عدد به توان ۲ برابر  $11 - 6\sqrt{2}$  می‌شود.

$$(\sqrt{2} - 3)^2 = (\sqrt{2})^2 + (3)^2 - 2(\sqrt{2})(3) = 2 + 9 - 6\sqrt{2} = 11 - 6\sqrt{2}$$

(۲) ۱۳۲:

$$A = \frac{1 \times (\sqrt{2} + \sqrt{3})}{(\sqrt{2} - \sqrt{3})(\sqrt{2} + \sqrt{3})} = \frac{\sqrt{2} + \sqrt{3}}{2 - \sqrt{3}} \times \frac{2 + \sqrt{3}}{2 + \sqrt{3}}$$

$$= \frac{(\sqrt{2} + \sqrt{3})(2 + \sqrt{3})}{4 - 3}$$

$$\Rightarrow A = \frac{2\sqrt{2} + \sqrt{6} + 2\sqrt{3} + \sqrt{3} \times \sqrt{2}}{\sqrt{48}} = \frac{\sqrt{48} + \sqrt{24} + \sqrt{6} + \sqrt{6}}{\sqrt{48}}$$

در نتیجه  $a+b=33$  و  $b=6$  و نهایتاً  $a=27$  خواهد بود.

(۳) ۱۳۳:

$$A = (x^2 + y^2) - x^2 y^2 = x^2 + y^2 + xy - x^2 y^2$$

$$= x^2 + y^2 + xy$$

$$A = (2\sqrt{2} - \sqrt{2}) + (2\sqrt{2} + \sqrt{2}) + (\sqrt{(2\sqrt{2} - \sqrt{2})(2\sqrt{2} + \sqrt{2})})^2$$

$$= 4\sqrt{2} + (\sqrt{8-2})^2 = 4\sqrt{2} + 1$$

(۱) ۱۳۴: به کمک اتحاد  $a^2 + b^2 = (a+b)^2 - 2ab$  داریم:

$$x^2 + 64 = (x^2)^2 + (\lambda)^2 = (x^2 + \lambda)^2 - 2(x^2)(\lambda)$$

$$= (x^2 + \lambda)^2 - (4x)^2 = (x^2 + \lambda - 4x)(x^2 + \lambda + 4x)$$

(۲) ۱۳۵:

$$B = \frac{4\sqrt{x} + 4 - 4\sqrt{x} + 4 + x - \lambda}{(\sqrt{x}-1)(\sqrt{x}+1)} = \frac{x}{x-1}$$

$$x = \sqrt{2} + 1 \Rightarrow B = \frac{\sqrt{2}+1}{\sqrt{2}} = 1 + \frac{1}{\sqrt{2}} = 1 + 2^{-\frac{1}{2}} = 1 + 2^{a-1} \Rightarrow a = -\frac{1}{2}$$

$$a = t_1 = 2 \times 2^{1-1} = 2 \times 1 = 2, t_2 = 2 \times 2^{2-1} = 4, q = 2 \quad (۱) ۱۳۶$$

$$S_n = \frac{a(1-q^n)}{1-q} = \frac{2(1-2^n)}{1-2} = 2(2^n - 1) = 2089$$

$$\Rightarrow 2^n - 1 = 1044 \Rightarrow 2^n = 1045 \Rightarrow n = 10$$

(۳) ۱۳۷:

$$x(x^2 - 4x^2 + 1) = 0 \Rightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x^2 - 4x^2 + 1 = 0 \end{cases}$$

$$x^2 = t \Rightarrow t^2 - 4t + 1 = 0 \Rightarrow t = 2 \pm \sqrt{3}$$

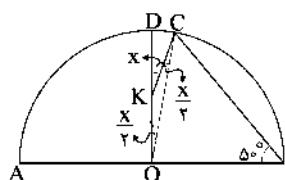
## ریاضیات | ۱۵

حل ویدئویی سوالات این دفعه را در  
وبسایت DriQ.com مشاهده کنید

پاسخ دوازدهم ریاضی

از O به C وصل می‌کنیم، مثلث CKO متساوی الساقین است (۲ ۱۴۹)

$$\hat{KOC} = \hat{KCO} = \frac{x}{2}$$



$$\text{محاطی } \hat{CBO} = 50^\circ \Rightarrow \hat{ADC} = 100^\circ \Rightarrow \hat{BC} = 80^\circ$$

$$\Rightarrow \hat{COB} = 80^\circ \Rightarrow \hat{KOC} = 90^\circ - 80^\circ = 10^\circ$$

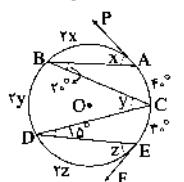
$$\Rightarrow \frac{x}{2} = 10^\circ \Rightarrow x = 20^\circ$$

(۳) با استفاده از زوایه محاطی و ظلی داریم:

$$\hat{AC} = 40^\circ, \hat{CE} = 40^\circ$$

$$\hat{AB} = 2x, \hat{BD} = 2y, \hat{DE} = 2z$$

$$2x + 2y + 2z + 30^\circ + 40^\circ = 360^\circ \Rightarrow x + y + z = 145^\circ \quad \text{پس:}$$



روش اول: به دلیل آنکه بزرگترین فرزند خانواده پسر

می‌باشد، پس فضای نمونه‌ای کاهش یافته عبارت است از:  
احتمال حداقل ۲ فرزند پسر از بین ۴ فرزند، همان احتمال حداقل ۳ فرزند  
پسر از بین ۵ فرزند با شرط فرزند اول پسر (سیروس) می‌باشد.

$P(4 \text{ پسر}) + P(3 \text{ پسر}) = P(\text{حداقل ۲ پسر})$

$$= \frac{\binom{4}{2}}{\binom{4}{4}} + \frac{\binom{4}{3}}{\binom{4}{4}} + \frac{\binom{4}{4}}{\binom{4}{4}} = \frac{6+4+1}{16} = \frac{11}{16}$$

روش دوم:

A پیشامد حداقل ۳ فرزند پسر B پیشامد فرزند اول پسر

$$P(A|B) = \frac{P(A \cap B)}{P(B)} = \frac{P(A \cap B)}{\frac{16}{32}} = \frac{11}{16}$$

$$= \frac{\binom{4}{2}}{\binom{4}{4}} + \frac{\binom{4}{2}}{\binom{4}{4}} + \frac{\binom{4}{1}}{\binom{4}{4}} = \frac{11}{22} = \frac{11}{16}$$

$$P(B|A) = \frac{P(A \cap B)}{P(A)} = \frac{P(B)}{P(A)} = \frac{\frac{4}{7}}{\frac{3}{7}} = \frac{4}{3} = \frac{20}{21} \quad (3 151)$$

$$\frac{P(A' \cap B)}{P(A \cap B')} = \frac{P(B-A)}{P(A-B)} = \frac{P(B)-P(A \cap B)}{P(A)-P(A \cap B)}$$

$$= \frac{P(B)-P(B) \times P(A|B)}{P(A)-P(A) \times P(B|A)}$$

$$= \frac{P(B)(1-P(A|B))}{P(A)(1-P(B|A))} = \frac{20}{21} \times \frac{1-\frac{4}{7}}{1-\frac{4}{3}} = \frac{20}{21} \times \frac{\frac{3}{7}}{\frac{2}{7}} = \frac{20}{21} \times \frac{15}{14} = \frac{10}{9}$$

(۲ ۱۴۳) از تساوی MA = AO = OB داریم:

$$\hat{M} = x \Rightarrow \hat{AO} = \hat{OM} = x \Rightarrow \hat{O}AB = \hat{O}BA = 2x$$

در مثلث AOB داریم:

$$2x + 72^\circ + 2x = 180^\circ \Rightarrow 4x = 108^\circ \Rightarrow x = 27^\circ$$

(۲ ۱۴۴) از موازی بودن CD و AB نتیجه می‌گیریم که کمان‌های

و BC باهم مساویند، پس:

$$\hat{AD} = \hat{BC} = \alpha + 10^\circ$$

$$\hat{AD} + \hat{AB} + \hat{BC} = 180^\circ \Rightarrow \alpha + 10^\circ + 2\alpha + \alpha + 10^\circ = 180^\circ$$

$$\Rightarrow 4\alpha = 160^\circ \Rightarrow \alpha = 40^\circ \Rightarrow \hat{AD} = 50^\circ$$

(۱ ۱۴۵) وترهای برابر در دایره، کمان‌های برابر دارند، پس:

$$\hat{AB} = \hat{BC} = \hat{CD}$$

اگر کمان AD را برابر x فرض کنیم، داریم:

$$\hat{AD} = x \Rightarrow \hat{AB} = \hat{BC} = \hat{CD} = \frac{360^\circ - x}{3}$$

$$\hat{P} = \frac{\hat{BC} - \hat{AD}}{2} \Rightarrow 20^\circ = \frac{\frac{360^\circ - x}{3} - x}{2}$$

$$\Rightarrow 40^\circ = \frac{360^\circ - 4x}{3} \Rightarrow x = 60^\circ$$

(۴ ۱۴۶) از O به B وصل می‌کنیم پس

$\hat{AOB} = 40^\circ$ . نتیجه می‌گیریم  $AB \parallel OC$  نتیجه می‌گیریم

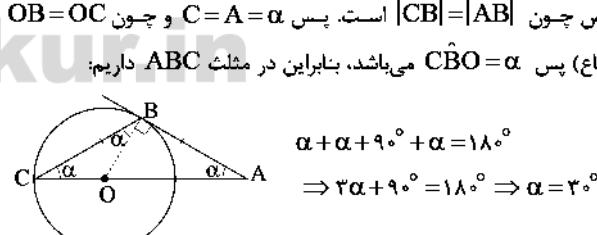
$BOC = 40^\circ$  است. از طرفی  $BOC = x$  پس  $OC = OB$  بنابراین در مثلث  $BOC$  داریم:

$$x + x + 40^\circ = 180^\circ \Rightarrow x = 70^\circ$$

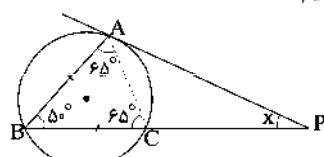
(۱ ۱۴۷) از O به B وصل می‌کنیم چون OB شعاع و AB مماس بر

دایره است، پس  $OB \perp AB$ ، بنابراین  $\hat{OBA} = 90^\circ$ . از طرفی با توجه به

فرض چون  $|CB| = |\hat{C}| = \alpha$  است. پس  $|\hat{CB}| = |\hat{AB}| = \alpha$  و چون  $OC = OB$  (شعاع) پس  $\hat{CBO} = \alpha$  می‌باشد، بنابراین در مثلث ABC داریم:



(۲ ۱۴۸) از C به A وصل می‌کنیم:



چون مثلث ABC متساوی الساقین است پس  $\hat{A} = \hat{C} = 65^\circ$ ، بنابراین داریم:

$$\left. \begin{aligned} \hat{B}CA &= 65^\circ \Rightarrow \hat{AB} = 130^\circ \\ \hat{B} = 50^\circ \Rightarrow \hat{AC} &= 100^\circ \end{aligned} \right\} \Rightarrow x = \frac{130^\circ - 100^\circ}{2} = 15^\circ$$

$$= \frac{\frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times \frac{5}{10}}{\frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times \frac{5}{10} + \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times \frac{5}{10} + \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times \frac{5}{10} + \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times \frac{5}{10}} = \frac{15}{61}$$

**فیزیک**

$\omega$  و  $R_e$  ثابتاند، بنابراین داریم: (۳) ۱۵۶

$$\begin{cases} v = r\omega \\ r = R_e \cos \alpha \end{cases} \Rightarrow v = (R_e \cos \alpha)\omega$$

$$\Rightarrow \frac{v_B}{v_A} = \frac{\cos \alpha_B}{\cos \alpha_A} \Rightarrow \frac{v_B}{v_A} = \frac{\cos 52^\circ}{\cos 34^\circ} = \frac{0.87}{0.81} = \frac{3}{4}$$

$$f = \frac{1}{60} = \frac{1}{6} \text{ Hz}$$

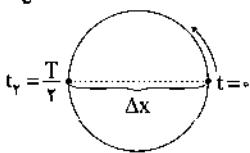
$$\omega = 2\pi f = \frac{\pi \text{ rad}}{3 \text{ s}} = \frac{\pi \text{ rad}}{\text{s}}$$

$$F_c = mr\omega^2 = \Delta \times \omega / \lambda \times 1 = 4 \text{ N}$$

$$F_c = F_e \Rightarrow F_c = k \cdot \Delta x \Rightarrow \Delta x = \frac{4}{100} = \frac{1}{25} \text{ m} = 4 \text{ cm}$$

یعنی فتر ۴ سانتی متر کشیده شده است، پس طول عادی آن ۲۶ سانتی متر بوده است.

$$a_c = r\omega^2 = 4\pi^2 f^2 = 4\pi^2 \times 4 \times f^2 \Rightarrow f^2 = \frac{1}{4}$$



$$\Rightarrow f = \frac{1}{4} \text{ Hz} \Rightarrow T = 4 \text{ s}$$

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{4\pi}{T} = \frac{4\pi}{4} = \frac{4\pi}{4} = 1\pi \text{ m/s}$$

$$\Delta \theta = \omega \Delta t \Rightarrow \Delta \theta \propto \Delta t$$

$$(1) 157$$

$$\Delta \theta = 52^\circ - 23^\circ = 36^\circ$$

$$\Delta \theta \propto \Delta t$$

$$\frac{36^\circ}{36^\circ} \left| \frac{4s}{T} \right. \Rightarrow T = 4s$$

$$(3) 158 \quad \text{نیروی اصطکاک برابر با نیروی مرکزگرا است و برای هر دو}$$

جسم یکسان است.

$$f_s = F_c = mr\omega^2$$

$$f = \frac{n}{\Delta t} = \frac{2}{1} = 2 \text{ Hz}$$

$$(2) 159$$

$$\omega = 2\pi f = 2 \times 3 \times 2 = 12 \frac{\text{rad}}{\text{s}}$$

$$T = F_c \Rightarrow T = mr\omega^2 = 4 \times 0.5 \times (12)^2 = 240 \text{ N}$$

$$\omega = 2\pi \times \frac{15^\circ}{60} = \pi \frac{\text{rad}}{\text{s}}$$

$$(3) 160$$

در این حالت نیروی مرکزگرای وارد بر جسم همان نیروی اصطکاک ابستی است.

$$f_s = F_c \Rightarrow f_s = mr\omega^2 = 4 \times 0.5 \times 25\pi^2 = 50\pi^2 \text{ N}$$

$$(1) 161$$

$$n = \frac{\Delta t}{T} \Rightarrow f_0 = \frac{60^\circ}{T} \Rightarrow T = \frac{6}{f_0} \text{ s}$$

$$v = \frac{2\pi r}{T} = 2\pi \times 1 \times \frac{6}{f_0} = 24\pi \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$P(\{a, b, c\}) = P(\{b, c, d\}) = \frac{1}{4}$$

$$(2) 162$$

$$\Rightarrow P(a) + P(b) + P(c) = P(b) + P(c) + P(d)$$

$$\Rightarrow P(a) = P(d) = \frac{1}{5}$$

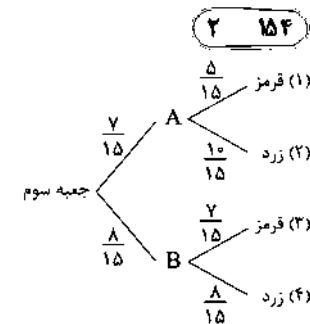
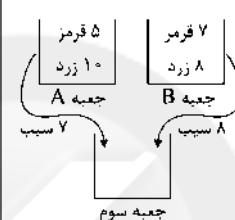
$$P(\{a, b, c\}) = \frac{1}{4} \Rightarrow P(a) + P(b) + P(c) = \frac{1}{4}$$

$$\Rightarrow P(b) + P(c) = \frac{1}{4} - \frac{1}{5} = \frac{1}{20}$$

$$\Rightarrow P(\{a, b, c\} \cap \{b, c, d\}) = \frac{P(\{a, b, c\} \cap \{b, c, d\})}{P(\{b, c, d\})}$$

$$= \frac{P(\{b, c\})}{P(\{b, c, d\})} = \frac{\frac{1}{20}}{\frac{1}{4}} = \frac{1}{5} = \frac{1}{20}$$

$$(2) 163$$

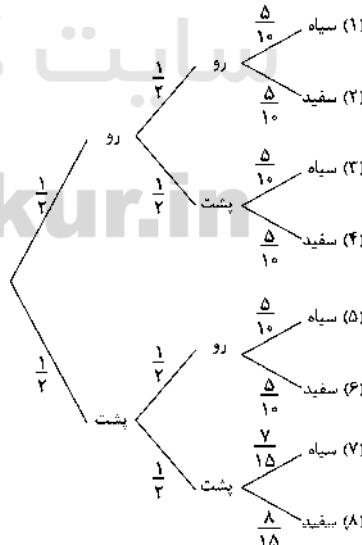


(قرمز بودن) متعلق به جعبه سوم

$$= \frac{P(A | \text{جعبه سوم}) \times P(\text{قرمز بودن})}{P(\text{قرمز بودن})}$$

$$= \frac{P(1 | \text{شاخه ۱})}{P(1 | \text{شاخه ۱}) + P(3 | \text{شاخه ۳})} = \frac{\frac{1}{15} \times \frac{1}{15}}{\frac{1}{15} \times \frac{1}{15} + \frac{1}{15} \times \frac{1}{15}} = \frac{1}{91} = \frac{5}{185}$$

$$(4) 164$$



طبق قانون بیز:

(سبز) هر دو بار سکه به رو باشد

$$= \frac{P(\text{هر دو بار سکه به رو} | \text{سبز}) \times P(\text{سبز})}{P(\text{سبز})}$$

$$= \frac{P(2 | \text{شاخه ۱})}{P(2 | \text{شاخه ۱}) + P(4 | \text{شاخه ۴}) + P(6 | \text{شاخه ۶}) + P(8 | \text{شاخه ۸})}$$

**۱۶۸** انرژی جنبشی نوسانگر در نقطه تعادل حداقل است، بنابراین

با استفاده از رابطه  $v_{max} = A\omega$  اندازه بیشینه سرعت را محاسبه می‌کنیم:

$$\omega = \sqrt{\frac{k}{m}} = \sqrt{\frac{2^{\circ}}{1}} = 2 \text{ rad/s}$$

$$v_{max} = A\omega = 1 \times 2 = 2 \text{ m/s}$$

حال با استفاده از رابطه انرژی جنبشی، مقدار آن را در نقطه تعادل به دست می‌آوریم:

$$K_{max} = \frac{1}{2}mv_{max}^2 \Rightarrow K_{max} = \frac{1}{2} \times 1 \times (2)^2 = 2 \text{ J}$$

**۱۶۹** نوسانگر ۲۴ بار طول پاره خط را طی کرده است، بنابراین ۱۲ بار

نوسان کامل انجام داده است. پس با استفاده از رابطه  $T = \frac{\Delta t}{n}$  دوره حرکت

onusانگر و سپس بسامد زاویه‌ای آن را محاسبه می‌کنیم:

$$T = \frac{\Delta t}{n} \Rightarrow T = \frac{12}{12} = \frac{1}{4} \text{ s}$$

$$\omega = \frac{2\pi}{T} = \frac{2\pi}{\frac{1}{4}} = 8\pi \text{ rad/s}$$

حال می‌دانیم انرژی جنبشی نوسانگر  $\frac{1}{2} \times 2^{\circ}$  انرژی پتانسیل آن است، بنابراین:

$$E = U + K \xrightarrow{U=25K} E = 26K \Rightarrow \frac{1}{2}mv_{max}^2 = 26 \times \frac{1}{2}mV^2$$

$$\Rightarrow v_{max} = 26V \Rightarrow v_{max} = 6V \xrightarrow{v_{max}=A\omega}$$

$$A\omega = 6V \Rightarrow 1 \times 8\pi = 6V \Rightarrow V = \frac{1 \times 8\pi}{6} = \frac{4\pi}{3} \text{ m/s}$$

**۱۷۰** نوسانگر از انتهای مسیر شروع به حرکت می‌کند و می‌دانیم

انرژی جنبشی نوسانگر در نقطه تعادل بیشینه است، بنابراین مدت زمان

طول می‌کشد تا انرژی جنبشی نوسانگر برای دومین بار بیشینه شود.

$$\omega = \sqrt{\frac{k}{m}} \Rightarrow \frac{2\pi}{T} = \sqrt{\frac{k}{m}} \Rightarrow \frac{2\pi}{T} = \sqrt{\frac{4^{\circ}}{1}} \Rightarrow \frac{2\pi}{T} = 2^{\circ}$$

$$\Rightarrow 2^{\circ}T = 2\pi \Rightarrow T = \frac{\pi}{1^{\circ}} \text{ s}$$

بنابراین:

$$\Delta t = \frac{3T}{4} = \frac{3 \times \frac{\pi}{1^{\circ}}}{4} = \frac{3\pi}{4^{\circ}} \text{ s}$$

**۱۷۱** با استفاده از رابطه زیرگستره طول آلتگاهای که بسامد

زاویه‌ای آنها در بازه  $\frac{1}{2} \text{ rad/s}$  تا  $\frac{1}{2} \text{ rad/s}$  است را محاسبه می‌کنیم:

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g}} \xrightarrow{\omega = \frac{2\pi}{T}} \omega = \sqrt{\frac{g}{L}}$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2} = \sqrt{\frac{1^{\circ}}{L}} \Rightarrow L = \frac{1^{\circ}}{\frac{1}{2}} = 2^{\circ} \text{ m}$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2} = \sqrt{\frac{1^{\circ}}{L}} \Rightarrow L = \frac{1^{\circ}}{\frac{1}{2}} = 2^{\circ} \text{ m} = 62.5 \text{ cm}$$

بنابراین تنها میله ۱ متری دچار تشدید می‌شود.

دققت کنید، میله‌ای دچار تشدید می‌شود که بسامد زاویه‌ای آن در بازه بسامد

زاویه‌ای نوسان میله باشد.

$$T = \frac{1}{2} \Delta t \Rightarrow \frac{T}{2} = \frac{1}{2} \Delta t$$

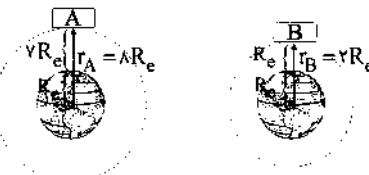
$$t_1 = \frac{1}{2} \Delta t \quad t_2 = \frac{1}{2} \Delta t$$

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{2R}{T} = \frac{2 \times 2^{\circ}}{1/25} = 32 \text{ m/s}$$

**۱۶۴** بنابراین در مدت زمان  $1/25$  ثانیه،

متوجه نصف دایره را طی می‌کند.

**۱۶۵** منظور از شعاع دوران، فاصله ماهواره از مرکز کره زمین است.



$$\text{از رابطه } v = \sqrt{\frac{GM_e}{r}} \text{ برای تندی حرکت ماهواره داریم:}$$

$$\frac{v_A}{v_B} = \sqrt{\frac{T_B}{T_A}} = \sqrt{\frac{2R_e}{R_e}} = \frac{1}{2}$$

برای مقایسه اندازه شتاب مرکزگرای دو ماهواره خواهیم داشت:

$$a_c = \frac{v^2}{r} \Rightarrow \frac{a_{cA}}{a_{cB}} = \left(\frac{v_A}{v_B}\right)^2 \times \frac{T_B}{T_A} = \left(\frac{1}{2}\right)^2 \times \frac{2R_e}{R_e} = \frac{a_{cA}}{a_{cB}} = \frac{1}{16}$$

دققت کنید، جرم در اندازه شتاب مرکزگرا تأثیری ندارد.

**۱۶۶** نوسانگر از انتهای مسیر شروع به حرکت کرده است و می‌دانیم

بوی نوسانگر در نقطه تعادل، سرعت و انرژی جنبشی بیشینه و شتاب و نیرو

صفر است، بنابراین برای این که برای دومین بار شتاب نوسانگر صفر شود، باید

در نقطه تعادل در مسیر برگشت باشد.



$$\omega = \sqrt{\frac{k}{m}} \xrightarrow{\omega = \frac{2\pi}{T}} \frac{2\pi}{T} = \sqrt{\frac{k}{m}} \Rightarrow \frac{2\pi}{T} = \sqrt{\frac{100}{0.25}} = \frac{2\pi}{\frac{1}{4}}$$

$$\Rightarrow \frac{2\pi}{T} = 2^{\circ} \Rightarrow T = \frac{\pi}{1^{\circ}}$$

$$\Delta t = \frac{3T}{4} = \frac{3\pi}{4^{\circ}}$$

**۱۶۷** ابتدا مقدار  $\omega$  را به دست می‌آوریم:

$$x = A \cos(\omega t)$$

$$\Rightarrow x = 0.2 \cos(\omega t) \xrightarrow{\frac{t=1^{\circ}}{12}} -0.1 = 0.2 \cos\left(\frac{1}{12}\omega\right)$$

$$\Rightarrow \cos\left(\frac{1}{12}\omega\right) = -\frac{1}{2} = \cos\left(\frac{4\pi}{3}\right)$$

$$\Rightarrow \frac{1}{12}\omega = \frac{4\pi}{3} \Rightarrow \omega = 16\pi \frac{\text{rad}}{\text{s}}$$

برای محاسبه اندازه شتاب خواهیم داشت:

$$\begin{cases} F_{net} = kx \\ F_{net} = ma \end{cases} \Rightarrow ma = kx \xrightarrow{\omega = \sqrt{\frac{k}{m}}} ma = m\omega^2 x$$

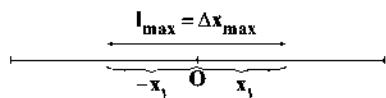
$$\Rightarrow a = \omega^2 x \Rightarrow a = 256\pi^2 \times \frac{1^{\circ}}{100} = 384 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$$

## پاسخ دوازدهم ریاضی

۱۷۷) ابتدا تغییر فاز حرکت (شتابه کسینوس) را تعیین می‌کنیم:

$$\Delta\Phi = \omega\Delta t \xrightarrow{\omega=2\pi f} \Delta\Phi = 2\pi f \times \Delta t = 2\pi \times 20 \times \frac{1}{120} = \frac{\pi}{3} \text{ rad}$$

بیشترین تندی مربوط به حالتی است که نوسانگر، باره زمانی مورد نظر را به شکل مساوی در دو طرف نقطه تعادل طی کند.



$$x_1 = A \cos\left(\frac{\pi}{3}\right) = 0.5 \times \frac{1}{2} = 0.25 \text{ m}$$

$$l_{\max} = \Delta x_{\max} = 2x_1 = 0.5 \text{ m}$$

برای محاسبه تندی متوسط بیشینه خواهیم داشت:

$$s_{av\max} = \frac{l_{\max}}{\Delta t} = \frac{0.5}{\frac{1}{120}} = 60 \text{ m/s}$$

۲) ابتدا دوره تناوب آونگ را محاسبه می‌کنیم:

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g}} = 2\pi \sqrt{10} \times \sqrt{\frac{1}{10}} = 2\text{s}$$

در هر نوسان، نوسانگر مسافتی معادل با ۴ دامنه را طی می‌کند.  
 $4cm = 12A = 4(A)$

پس آونگ ۳ نوسان کامل انجام می‌دهد.

$$\Delta t = nT = 3 \times 2 = 6\text{s}$$

۳) ابتدا بسامد و دامنه نوسان نوسانگر را محاسبه می‌کنیم:

$$f = \frac{n}{t} = \frac{12}{6} = 2 \text{ Hz}$$

$$E = 2 \times 10 \times 4 \times 4 \times \frac{1}{100} = 2/2\text{J}$$

برای محاسبه انرژی مکانیکی خواهیم داشت:

$$E = \frac{1}{2} k A^2 = \frac{1}{2} m \omega^2 A^2 = 2\pi^2 m f^2 A^2$$

$$E = 2 \times 10 \times 4 \times 4 \times \frac{1}{100} = 2/2\text{J}$$

۴) بررسی سایر گزینه‌ها:

۱ و ۲) تندی همواره عددی نامنفی است.

۳) تندی لحظه‌ای در شروع حرکت نوسانگر صفر است.

۱) ابتدا شاعر کره زمین را به dm تبدیل می‌کنیم:

$$640 \text{ km} \times \frac{10^3 \text{ m}}{1 \text{ km}} \times \frac{1 \text{ dm}}{1 \text{ m}} = 64 \times 10^2 \times 10^4 = 6.4 \times 10^7 \text{ dm}$$

حال مساحت کره زمین را محاسبه می‌کنیم:

$$A = 4\pi r^2 = 4 \times 3 \times (6.4 \times 10^7)^2 = 491.52 \times 10^{14} \text{ dm}^2$$

$$= 4.9152 \times 10^{17} \text{ dm}^2$$

بنابراین:

$$a+b = 4.9152 + 16 = 20.9152$$

۱۸۲) کمیت‌های اصلی، هفت مورد هستند: «طول، جرم، زمان، دما، مقدار ماده، جریان الکتریکی، شدت روشنایی» و هر کمیتی غیر از این هفت مورد، فرعی است.

۱۷۲) برایند نیروهای وارد بر نوسانگر در لحظه‌های عبور از نقطه

تعادل صرفشده و تغییر جهت می‌دهد. در این باره زمانی، نوسانگر یک بار از نقطه تعادل عبور کرده است، بنابراین جهت برایند نیروهای وارد بر نوسانگر یک مرتبه تغییر کرده است.

۴) شرط رخ دادن تشدید، برابر بودن بسامد نوسان دو دستگاه است.

$$f_{\text{فرن}} = f_{\text{آنگ}}$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{k}{m}} = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{g}{L}} \Rightarrow \frac{k}{m} = \frac{g}{L} \Rightarrow \frac{12/A}{m} = \frac{1}{4} \Rightarrow m = 48 \text{ kg}$$

۱) به دلیل این‌که اصطکاک و اتلاف انرژی نداریم، انرژی مکانیکی نوسانگر در طول مسیر حرکت نوسانگر پایسته است، بنابراین:

$$E = U + K \Rightarrow U = E - K \Rightarrow \frac{U}{K} = \frac{E - K}{K}$$

$$\frac{E = \frac{1}{2}mv_{\max}^2}{K = \frac{1}{2}mv^2} \Rightarrow \frac{U}{K} = \frac{\frac{1}{2}mv_{\max}^2 - \frac{1}{2}mv^2}{\frac{1}{2}mv^2} = \frac{\frac{1}{2}m(v_{\max}^2 - v^2)}{\frac{1}{2}mv^2}$$

$$\Rightarrow \frac{U}{K} = \frac{v_{\max}^2 - v^2}{v^2} \xrightarrow{v = \frac{r}{T}v_{\max}} \frac{U}{K} = \frac{v_{\max}^2 - \frac{9}{16}v_{\max}^2}{\frac{9}{16}v_{\max}^2}$$

$$\Rightarrow \frac{U}{K} = \frac{\frac{7}{16}v_{\max}^2}{\frac{9}{16}v_{\max}^2} \Rightarrow \frac{U}{K} = \frac{7}{9} \Rightarrow U = \frac{7}{9}K \Rightarrow K = \frac{9}{7}U$$

۳) در لحظه  $t = \frac{4}{15}s$  نوسانگر برای دومین بار به مکان

رسیده است، بنابراین:

$$x = A \cos \Phi \Rightarrow -\frac{A}{2} = A \cos \Phi \Rightarrow \cos \Phi = -\frac{1}{2}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} \Phi = \frac{2\pi}{3} \text{ (rad)} \\ \Phi = \frac{4\pi}{3} \text{ (rad)} \end{cases}$$

در نتیجه در مدت زمان  $\frac{4}{15}$  ثانیه متحرک از  $\Phi = 0$  به  $\Phi = \frac{4\pi}{3}$  رسیده است، بنابراین بسامد زاویه‌ای نوسانگر به صورت زیر قابل محاسبه است:

$$\Delta\Phi = \omega\Delta t \Rightarrow \frac{4\pi}{3} = \omega \times \frac{4}{15} \Rightarrow \omega = 5\pi \frac{\text{rad}}{\text{s}}$$

در نتیجه خواهیم داشت:

$$v_{\max} = A\omega \Rightarrow v_{\max} = 0.3 \times 5\pi = 0.15\pi \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

۱) برای محاسبه مدت زمان هر نوسان داریم:

$$v_{\max} = A\omega \Rightarrow 10\pi = 10 \cdot \frac{\omega}{T} \xrightarrow{\omega = \frac{4\pi}{3}} 1000\pi = \frac{2\pi}{T} \Rightarrow 1000T = 2$$

$$\Rightarrow T = \frac{1}{500} \text{ s} = 0.002 \text{ s}$$

نوسانگر در هر نوسان، دو بار طول پاره خط نوسان، یعنی ۴ برابر دامنه را طی می‌کند.

$$d = 4A = 4 \times 1 = 4 \text{ cm}$$

## فیزیک | ۱۹

حل ویدئویی سوالات این ذفحه را در  
وبسایت DriQ.com مشاهده کنید

پاسخ دوازدهم ریاضی

حال می‌دانیم حجم مایع جایه‌جاشده برابر حجم جسم است، در نتیجه خواهیم داشت:

$$\rho = \frac{m}{V} \Rightarrow \gamma = \frac{m}{400} \Rightarrow m = 80 \text{ g}$$

(۳) در رابطه  $A = BC^T + DE$  یکای کمیت (A) باید برابر

یکای  $BC^T$  و  $DE$  باشد، بنابراین:

$$[BC^T] = m \Rightarrow [B] \times \frac{m}{s^T} = m \Rightarrow [B] = \frac{s^T}{m}$$

$$[DE] = m \Rightarrow s \times [E] = m \Rightarrow [E] = \frac{m}{s}$$

(۴) در ابزار اندازه‌گیری دیجیتالی، دقت اندازه‌گیری و خطای

اندازه‌گیری با یکدیگر برابر هستند. حال کمینه اندازه‌گیری در این تیروسنج برابر  $1/10$  نیوتون است، بنابراین:

$$N = \pm 10 \text{ N}$$

حال گزارش اندازه‌گیری به صورت زیر است:

$$22/85 N \pm 10 = 22/85 N$$

دقت کلیده، در ابزارهای اندازه‌گیری دیجیتال، دقت اندازه‌گیری برابر یک واحد از آخرين رقمی است که آن ابزار می‌خواند.

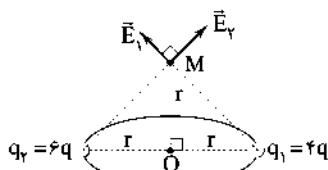
(۵) ابتدا فاصله بارهای  $q_1$  و  $q_2$  را از نقطه M به کمک رابطه فیثاغورس به دست می‌آوریم:

$$d = \sqrt{r^2 + r^2} = \sqrt{2}r$$

بزرگی میدان الکتریکی حاصل از هر یک از بارهای  $q_1$  و  $q_2$  را در نقطه M به دست می‌آوریم:

$$E_1 = k \frac{|q_1|}{d^2} = k \frac{4q}{2r^2} \Rightarrow E_1 = \frac{kq}{r^2}$$

$$E_2 = k \frac{|q_2|}{d^2} = k \frac{6q}{2r^2} \Rightarrow E_2 = \frac{3kq}{r^2}$$



$$E_T = \sqrt{E_1^2 + E_2^2} = \sqrt{\left(\frac{4kq}{r^2}\right)^2 + \left(\frac{3kq}{r^2}\right)^2} \Rightarrow E_T = \sqrt{13} \frac{kq}{r^2}$$

از طرفی بزرگی میدان الکتریکی حاصل از بار q در مرکز دایره برابر است با:

$$E = k \frac{|q|}{r^2} = \frac{kq}{r^2}$$

بنابراین:

$$\frac{E_T}{E} = \sqrt{13}$$

(۶) با توجه به جدول، با مالش جسم A به جسم D جسم

Dارای بار مثبت و جسم D دارای بار منفی می‌شود. یعنی الکترون از جسم A به جسم D منتقال یافته است.

$$q_D = -ne \Rightarrow -19/2 \times 10^{-19} = -n \times 1/6 \times 10^{-16} \Rightarrow n = 12$$

بنابراین ۱۲ الکترون از جسم A به جسم D منتقال یافته است.

(۷) مدل فیزیکی پدیده مطرح شده به صورت زیر است:  
نیروی دست نیروی اصطکاک

جسم را به صورت یک ذره در نظر می‌گیریم.

همان‌طور که از شکل پیداست ما در این مدل پرکاربرد در مکانیک از حجم و بعد جسم صرف‌نظر می‌کنیم.

(۸) ابتدا آهنگ خروج آب از شلنگ را بر حسب  $\frac{cm^3}{s}$  محاسبه می‌کنیم:

$$\frac{lit}{min} \times \frac{1000 \text{ cm}^3}{1lit} \times \frac{1 \text{ min}}{60 \text{ s}} = 10 \text{ cm}^3 \text{ s}$$

حال مساحت سطح حوض را بر حسب  $cm^2$  می‌نویسیم:

$$(20 \times 22) \text{ m}^2 = (20 \times 22) \text{ m}^2 \times \frac{10^6 \text{ cm}^2}{1 \text{ m}^2} = 44 \times 10^5 \text{ cm}^2$$

حال با تقسیم آهنگ تغییر حجم بر مساحت، آهنگ تغییر ارتفاع را محاسبه می‌کنیم:

$$\frac{10}{44 \times 10^5} = \frac{1}{440} \text{ cm}$$

(۹) تفکر نقادانه و اندیشه‌ورزی فعال فیزیکدانان نسبت به پدیده‌هایی که با آن‌ها مواجه می‌شوند، بیش از همه در پیشبرد و تکامل علم فیزیک نقش ایفا کرده و می‌کند.

(۱۰) هنگامی که ماده‌ای ذوب شده و جسم دیگری از آن ساخته شود، حجم آن تغییری نمی‌کند، بنابراین حجم کره و حجم استوانه با یکدیگر برابر هستند.

$$V_{کره} = V_{استوانه} \Rightarrow \frac{4}{3} \pi R^3 = \pi R'^2 \times \frac{R'}{2}$$

$$\Rightarrow \frac{4}{3} R^3 = \frac{R'^3}{2} \Rightarrow \frac{R'^3}{R^3} = \frac{8}{3} \Rightarrow \frac{R'}{R} = \sqrt[3]{\frac{8}{3}}$$

(۱۱) ابتدا فرض می‌کنیم، کره توپر است. پس ابتدا حجم کره توپر را به دست می‌آوریم:

$$V = \frac{4}{3} \pi r^3 = \frac{4}{3} \times 2 \times 10^3 = 4000 \text{ cm}^3$$

حال حجم واقعی را مطابق رابطه چگالی محاسبه می‌کنیم:

$$\rho = \frac{m}{V} \Rightarrow \gamma = \frac{100}{V} \Rightarrow V = 50 \text{ cm}^3$$

$$V = 4000 - 50 = 3950 \text{ cm}^3$$

حجم حفره برابر حجم مایعی است که آن را پر کرده است.

$$\rho = \frac{m}{V} \Rightarrow 1/2 = \frac{m}{3950} \Rightarrow m = 1/2 \times 3950 = 4740 \text{ g}$$

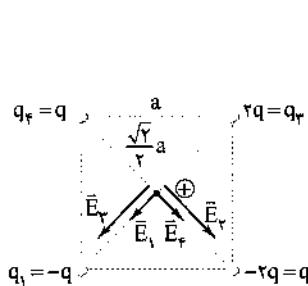
(۱۲) وقتی جسم را درون طرف قرار می‌دهیم، ابتدا تمام ظرف از مایع پر شده و سپس مایع از آن بیرون می‌ریزد، بنابراین حجم جسم، برابر است با حجم مایع بالا آمده و حجم مایع بیرون ریخته شده از طرف است.

$$M = 20 \times 10 = 200 \text{ cm}^3, V = 30 - 20 = 10 \text{ cm}^3, \text{ ارتفاع مایع بالا آمده} = 2000 - 200 = 1800 \text{ cm}^3$$

$$V = \frac{m}{\rho} = \frac{120}{0.6} = 200 \text{ cm}^3$$

$$M = 200 + 200 = 400 \text{ cm}^3$$

**۱۹۶** ابتدا بار آزمون مثبت را در مرکز مربع قرار می‌دهیم و در نتیجه بردار میدان الکتریکی در مرکز مربع را به دست می‌آوریم:



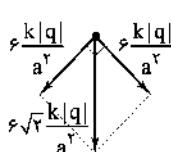
$$E_1 = \frac{k|q|}{\frac{a^2}{2}} = \frac{k|q|}{\frac{a^2}{2}}$$

$$E_2 = 2E_1 = 2 \frac{k|q|}{\frac{a^2}{2}} = 4 \frac{k|q|}{a^2}$$

$$E_3 = 2E_1 = 2 \frac{k|q|}{\frac{a^2}{2}} = 4 \frac{k|q|}{a^2}$$

$$E_4 = E_1 = \frac{k|q|}{\frac{a^2}{2}} = \frac{k|q|}{\frac{a^2}{2}}$$

بنابراین:

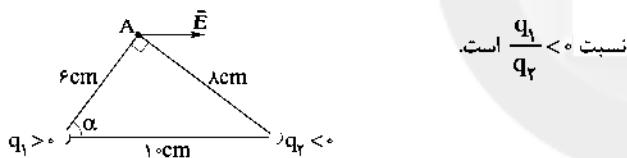


$$E_{1,2} = 2 \frac{k|q|}{\frac{a^2}{4}} = 8 \frac{k|q|}{a^2}$$

$$E_{3,4} = 2 \frac{k|q|}{\frac{a^2}{4}} = 8 \frac{k|q|}{a^2}$$

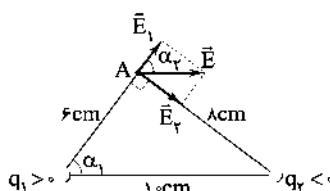
$$E_T = \sqrt{(E_{1,2})^2 + (E_{3,4})^2} = 8\sqrt{2} \frac{k|q|}{a^2}$$

**۱۹۷** با استفاده از رابطه فیناغورس، طول ضلع دیگر مثلث است. حال بار آزمون مثبت را در نقطه A قرار می‌دهیم، بنابراین



$$\text{نسبت } \frac{q_1}{q_2} \text{ است.}$$

بنابراین:



$$\alpha_1 = \alpha_2 \Rightarrow \tan \alpha_1 = \tan \alpha_2 \Rightarrow \frac{8}{6} = \frac{E_2}{E_1} \Rightarrow \frac{8}{6} = \frac{k \frac{|q_2|}{r_{12}^2}}{k \frac{|q_1|}{r_{21}^2}}$$

$$\Rightarrow \frac{8}{6} = \frac{36 \times |q_2|}{64 \times |q_1|} \Rightarrow \frac{|q_2|}{|q_1|} = \frac{8 \times 64}{6 \times 36} = \frac{64}{27} \Rightarrow \frac{q_2}{q_1} = -\frac{64}{27}$$

**۱۹۸** بدون توجه به نوع بار، هرگاه بار الکتریکی در جهت خطوط میدان حرکت کند، پتانسیل الکتریکی کاهش می‌یابد (رد گرینه‌های ۲ و ۴) بار منفی در جهت میدان الکتریکی جابه‌جا شده است، بنابراین علامت کار میدان در این جابه‌جایی منفی است و چون بار با سرعت ثابت جابه‌جا شده است، تغییرات انرژی جنبشی بار، برابر صفر است، بنابراین:

$$\Delta K = 0 \Rightarrow W_E + W_{\text{خارجی}} = 0 \Rightarrow W_E = -W_{\text{خارجی}}$$

بنابراین علامت کار نیروی میدان و کار نیروی خارجی، فرینه یکدیگر هستند. در نتیجه گزینه (۳) صحیح است.

**۱۹۳** حالت اول: ابتدا فرض می‌کنیم، بار دو کره برابر  $8\mu\text{C}$  و  $-4\mu\text{C}$  است، بنابراین پس از تماس، بار هر کدام از کره‌ها  $2\mu\text{C}$  خواهد بود، طبق قانون کولن داریم:

$$\frac{F'}{F} = \frac{|q_1' \parallel q_2'|}{|q_1||q_2|} \Rightarrow \frac{F'}{F} = \frac{2 \times 2}{8 \times 4} = \frac{4}{32} \Rightarrow F' = \frac{1}{8} F$$

حال دوم: حال فرض می‌کنیم، بار دو کره برابر  $8\mu\text{C}$  و  $4\mu\text{C}$  است، بنابراین بار هر کره پس از تماس برابر با  $6\mu\text{C}$  خواهد بود، بنابراین طبق قانون کولن داریم:

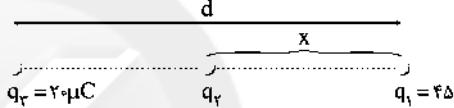
$$\frac{F'}{F} = \frac{|q_1' \parallel q_2'|}{|q_1||q_2|} \Rightarrow \frac{F'}{F} = \frac{6 \times 6}{8 \times 4} = \frac{36}{32} \Rightarrow F' = \frac{36}{32} F$$

حال سوم: اگر فرض کنیم بار دو کره  $4\mu\text{C}$  و  $4\mu\text{C}$  است، بنابراین بار هر کره پس از تماس نیز برابر با  $4\mu\text{C}$  خواهد بود، بنابراین:

$$F' = F$$

با توجه به حالت‌های اول، دوم و سوم، گزینه (۴) صحیح است.

**۱۹۴** فاصله بین دو بار  $q_1$  و  $q_2$  را  $d$  فرض می‌کنیم و در نتیجه فاصله‌ها را پارامتری محاسبه می‌کنیم.



با توجه به این‌که برایند نیروهای وارد بر بار  $q_2$  نیز صفر است:

$$F_{12} = F_{22} \Rightarrow k \frac{|q_1||q_2|}{r_{12}^2} = k \frac{|q_2||q_2|}{r_{22}^2} \Rightarrow \frac{45}{r_{12}^2} = \frac{20}{x^2} = \frac{20}{(d-x)^2}$$

$$\Rightarrow \frac{9}{x^2} = \frac{4}{(d-x)^2} \Rightarrow \frac{3}{x} = \frac{2}{d-x} \Rightarrow 3(d-x) = 2x$$

$$\Rightarrow 3d - 3x = 2x \Rightarrow x = \frac{3}{5}d$$

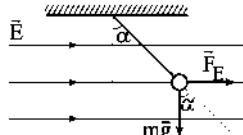
حال با بررسی شرایط تعادل بر روی بار  $q_1$  می‌توان فهمید بار  $q_2$  منفی است، بنابراین:



$$F_{11} = F_{21} \Rightarrow k \frac{|q_1||q_1|}{r_{11}^2} = k \frac{|q_2||q_1|}{r_{21}^2} \Rightarrow \frac{|q_1|}{x^2} = \frac{20}{d^2}$$

$$\Rightarrow \frac{|q_1|}{\frac{9}{25}d^2} = \frac{20}{d^2} \Rightarrow |q_1| = \frac{9}{25} \times 20 = \frac{36}{5} \Rightarrow q_1 = \frac{36}{5} \mu\text{C}$$

**۱۹۵** رابطه کلی زوایه انحراف آونگ از خط عمود با اندازه میدان به شکل زیر است:

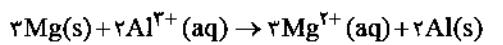


$$\tan \alpha = \frac{F_E}{mg} = \frac{E|q|}{mg}$$

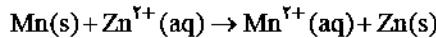
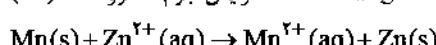
برای مقایسه دو حالت خواهیم داشت:

$$\frac{\tan \alpha_2}{\tan \alpha_1} = \frac{E_2}{E_1} \Rightarrow \frac{\tan 45^\circ}{\tan 60^\circ} = \frac{E_2}{E_1} = \frac{\sqrt{3}}{3}$$

**۲۰۵** واکنش کلی هر کدام از سلول‌ها و میزان تغییر جرم الکترودهای آندی و کاتدی آن‌ها در زیر آمده است:



$$(2\text{Mg})_{\text{کاهش جرم الکترود آند}} = 2 \times 24 = 48 \text{ g} \Rightarrow 22 > 54$$



$$(1\text{Mn})_{\text{کاهش جرم الکترود آند}} = 1 \times 55 = 55 \text{ g} \Rightarrow 55 < 65$$

$$(1\text{Zn})_{\text{افزایش جرم الکترود کاتد}} = 1 \times 65 = 65 \text{ g}$$

**۲۰۶** عدد اکسایش اتم‌های O، H، Na و C در جوش‌شیرین به

ترتیب برابر با +۱، +۱، +۴ و -۲ است.

بررسی سایر گزینه‌ها:

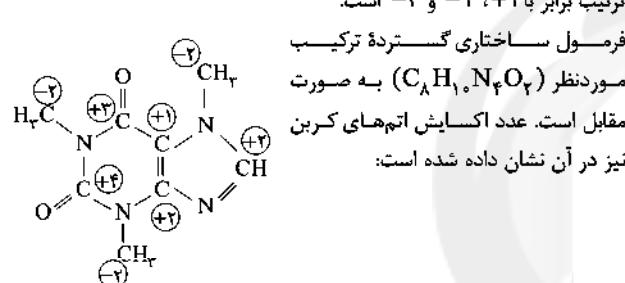
۱) عدد اکسایش اتم‌های اکسیژن در  $\text{SrO}_2$  برابر با -۱ است.

۲) عدد اکسایش اتم‌های هیدروژن در  $\text{BaH}_2$  برابر با -۱ است.

۳) عدد اکسایش یکی از اتم‌های اکسیژن در  $\text{KO}_2$  برابر با -۱ است.

**۲۰۷** در ترکیب داده شده عدد اکسایش اتم‌های O و N به

ترتیب برابر با +۱، -۲ و -۳ است.



بنابراین در بین ۷ عدد اکسایش مطرح شده در صورت سؤال، فقط عدد اکسایش صفر در این ترکیب وجود ندارد.

**۲۰۸** حباب‌های اطراف الکترود سمت چپ سلول، نشان دهنده

وجود گاز کلر است، گاز کلر در آند، از اکسایش یون‌های  $\text{Cl}^-$  تولید می‌شود. به این ترتیب Y و X به ترتیب آند و کاتد سلول به شمار می‌آیند. از طرفی در پاتری (سلول گالوانی)، a و b به ترتیب آند (قطب منفی) و کاتد (قطب مثبت) هستند. اکنون می‌توان نتیجه گرفت که جهت حرکت الکترون‌ها در مدار خارجی از آند (یعنی همان Y) به سمت کاتد (یعنی همان X) است.

**۲۰۹** عبارت‌های «آ» و «ت» درست هستند.

بررسی عبارت‌های نادرست:

ب) در سلول سوختی هیدروژن - اکسیژن که با غشای مبادله‌کننده هیدروژنیوم

کار می‌کند، یون‌های هیدروکسید ( $\text{OH}^-$ ) حضور ندارند.

پ) F، E و G به ترتیب آند با کاتالیزگر، کاتد با کاتالیزگر و غشای مبادله‌کننده یون هیدروژنیوم را نشان می‌هند.

**۲۱۰** فقط عبارت «ب» نادرست است.

آب خالص رسانایی الکتریکی ناچیزی دارد، از این‌رو برای برکافت آن باید اندکی الکترولیت به آب افزود.

نیم‌واکنش‌های آندی و کاتدی مربوط به برکافت آب به صورت زیر است:



نیم‌واکنش کاتدی (قطب منفی)



**۱۹۹** ابتدا تغییرات انرژی پتانسیل الکتریکی بار را محاسبه می‌کنیم:

$$\Delta U_E = -E|q|dcos\theta = -10^2 \times 2 \times 10^{-6} \times 1 \times cos(180^\circ)$$

$$\Delta U_E = 2 \times 10^{-5} \text{ J}$$

حال با استفاده از رابطه  $\Delta V = \frac{\Delta U_E}{q}$  تغییرات پتانسیل الکتریکی را محاسبه می‌کنیم:

$$\Delta V = \frac{\Delta U_E}{q} = \frac{2 \times 10^{-5}}{-2 \times 10^{-6}} = -10 \text{ V}$$

$$\Delta V = V_B - V_A \Rightarrow -10 = V_B - 10 \Rightarrow V_B = 10 \text{ V}$$

**۲۰۰** با توجه به اصل پایستگی بار الکتریکی، حتماً باید مجموع بارها در ابتدا و در انتها یعنی هنگام باز بودن کلید و بسته بودن کلید با یکدیگر برابر باشند.

$$q'_A + q'_B = q_A + q_B \Rightarrow q'_A + q'_B = 8\mu\text{C}$$

تنها این مطلب در گزینه (۴) صدق می‌کند.

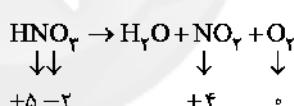
## شیمی

**۲۰۱** بررسی عبارت‌های نادرست،

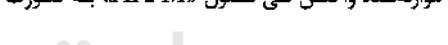
ب) کاتیون‌های مس ( $\text{Cu}^{2+}$ ) هیچ تمایلی ندارند که به سمت نیم‌سلول آندی (روی) حرکت کنند.

پ) در قطب مثبت (کاتد) سلول گالوانی، یون‌های فلزی کاهش می‌یابند.

**۲۰۲** فقط واکنش (پ) از نوع اکسایش - کاهش است. عدد اکسایش O و N در این واکنش تغییر کرده است:



**۲۰۳** معادله موازن‌شده واکنش کلی سلول «Al - M» به صورت زیر است:



در سلول گالوانی استاندارد، غلظت اولیه هر کدام از الکتروولیت‌ها  $1\text{mol.L}^{-1}$  است. از طرفی در سلول مورد نظر، فلزهای Al و M به ترتیب نقش آند و کاتد را دارند.

$$\frac{\text{لیتر محلول} \times \text{مولاریت M}(\text{کاتد})}{\text{ضریب}} = \frac{\text{Al}^{3+} \text{گرم}}{\text{جرم مولی} \times \text{ضریب}}$$

$$\Rightarrow \frac{52/76\text{gM}}{3 \times X} = \frac{(100 \times 1\text{mol.L}^{-1})\text{Al}^{3+} \times 0/4\text{L}}{2}$$

$$\Rightarrow X = 112\text{g.mol}^{-1}$$

**۲۰۴** فقط عبارت «آ» درست است.

بررسی عبارت‌های نادرست،

ب) پسماندهای الکترونیکی به دلیل داشتن مواد شیمیایی گوناگون، سمی هستند.

پ) دفن کردن پسماندهای الکترونیکی، همانند رها کردن آن‌ها در طبیعت، محیط زیست را آلوده می‌کند.

ت) سال‌هاست که مواد و فلزهای ارزشمند و گران قیمت موجود در پسماندهای الکترونیکی، بازیافت می‌شوند.

## بررسی عبارت‌های نادرست:

(آ) از آنجاکه نیم عمر  $T_{1/2}$  کم است، بسته به نیاز آن را با یک مولد هسته‌ای تولید و سپس مصرف می‌کنند.

(ت) یون یودید با یونی که حاوی  $T_{1/2}$  است، انداره مشابهی دارد.

## ۲۲۰ برورسی عبارت‌های نادرست:

(آ) با تعریف  $a_m$ ، شیمی‌دان‌ها موفق شدند جرم اتمی عنصرها و هم‌جنین جرم ذره‌های زیراتومی را اندازه‌گیری کنند.

(ب) طول موج نور حاصل از شعله فلز سدیم (رنگ زرد)، کمتر از طول موج نور حاصل از شعله فلز لیتیم (رنگ سرخ) است.

(ک) کنترل تلویزیون‌ها با پرتوهای فروسرخ کار می‌کند که انرژی این پرتوها در مقایسه با ریزموج‌ها بیشتر و طول موج آن‌ها بیشتر از  $700\text{ nm}$  است.

## ۲۲۱ مطابق داده‌های سؤال می‌توان نوشت:

$$\begin{cases} p = 30 \\ n - e = 7 \Rightarrow n = 35 & e = 28 \\ p - e = 2 \end{cases} \quad [{}^{35}_{18} M^{2+}]$$

از آنجاکه جرم الکترون‌ها در حدود  $\frac{1}{2000}$  جرم هر کدام از ذره‌های پروتون و نوترون است، می‌توان نوشت:

$$\frac{\text{جرم الکترون‌ها}}{\text{جرم یون}} = \frac{28 \times \frac{1}{2000}}{65} = \frac{14}{65000}$$

(ج) حجم استوانه برابر است با:

$$V = \pi r^2 h = \pi (2\text{ cm})^2 (8\text{ cm}) = 96\text{ cm}^3 \text{ یا } 96\text{ mL}$$

$$V_{H_2O} = V_{C_6H_{14}} = \frac{96}{2} = 48\text{ mL}$$

$$\text{? mol H}_{[H_2O]} = 48\text{ mL} \times \frac{1\text{ g}}{1\text{ mL}} \times \frac{1\text{ mol H}_2O}{18\text{ g}} \times \frac{2\text{ mol H}}{1\text{ mol H}_2O}$$

$$= 5/32\text{ mol H}$$

$$\text{? mol H}_{[C_6H_{14}]} = 48\text{ mL} \times \frac{0.645\text{ g}}{1\text{ mL}} \times \frac{1\text{ mol C}_6H_{14}}{86\text{ g}} \times \frac{14\text{ mol H}}{1\text{ mol C}_6H_{14}}$$

$$= 5/0.4\text{ mol H}$$

$$5/33 + 5/0.4 = 5/37\text{ mol H} \quad \text{مجموع شمار مول‌های هیدروژن}$$

$$= 10/37 N_A \text{ atom H} \quad \text{مجموع شمار اتم‌های هیدروژن}$$

(ج) نخست جرم اتمی میانگین عنصرهای  $M$  و  $X$  را محاسبه می‌کنیم:

$$\bar{M} = 10.7 \left( \frac{60}{100} \right) + 10.9 \left( \frac{40}{100} \right) = 10.7/8\text{ amu}$$

$$\bar{X} = 16 \left( \frac{90}{100} \right) + 17 \left( \frac{10}{100} \right) = 16/17\text{ amu}$$

به این ترتیب جرم مولکولی ترکیب  $M_X$  برابر خواهد بود با:

$$2(10.7/8) + 16/1 = 221/8\text{ amu}$$

## ۲۲۵ عبارت‌های «آ» و «ت» درست هستند.

## بررسی عبارت‌های نادرست:

(ب) ایزوتوپ مورد نظر همان  $H_3$  است که نیم عمر آن بیشتر از ۱۰ سال است.

(پ) شمار نوترون‌ها تأثیری بر روی واکنش‌پذیری ایزوتوپ‌های یک عنصر ندارد.

## ۲۱۱ هنگامی که به سلول‌های الکتروولیتی، ولتاژ معینی اعمال شود.

یون‌ها به سوی الکترود با بر ناهمنام حرکت می‌کنند.

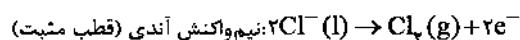
## ۲۱۲ عبارت‌های «آ» و «ت» درست هستند.

## بررسی عبارت‌های نادرست:

(ب) بر قرکافت سدیم کلرید مذاب، منجر به تولید فلز سدیم می‌شود. در کل این

فرایند و در سلول الکتروولیتی مورد نظر، مولکول‌های آب حضور ندارند.

(پ) معادله نیم واکنش‌های انجام‌شده در سلول الکتروولیتی که طی آن فلز سدیم تولید می‌شود به صورت زیر است:



$$\frac{1\text{ mol Cl}_2}{2\text{ mol Na}} = \frac{71\text{ g/mol}^{-1}}{2(23\text{ g/mol}^{-1})} = 1/54$$

## ۲۱۳ برورسی عبارت‌های نادرست:

(پ) مراحل تهیه فلز منیزیم از آب دریا، شامل چند واکنش شیمیایی است که

فقط مورد آخر (بر قرکافت) از نوع اکسایش - کاهش است.

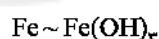
(ت) فراورده کاتدی سلول الکتروولیتی موجود در این فرایند (منیزیم مذاب) در مقایسه با الکتروولیت مذاب (منیزیم کلرید)، چگالی کم تری دارد.

## ۲۱۴ تفاوت emf واکنش خوردگی آهن در محیط خنثی با

pH = ۰ برابر با تفاوت  $E^\circ$  نیم واکنش‌های (a) و (b) که

معادل  $7.83V - 0.40 = 0.43V$  است، می‌باشد

• فلزهای نجیبی مانند طلا و پلاتین حتی در محیط‌های اسیدی اکسایش نمی‌یابند.

۲۱۵ فراورده نهایی خوردگی آهن،  $Fe(OH)_3$  است.

$$\left[ \frac{56}{89/6} \times \frac{20}{100} X \right] \Rightarrow X = 24/24\text{ g } Fe(OH)_3$$

(جرم آهن خوردشده) - (جرم رسوب) = افزایش جرم جسم آهنی

$$= (34/22) - (89/6g \times \frac{20}{100}) = 16/22g$$

$$17/92g$$

## ۲۱۶ آهن و منیزیم فراوان‌ترین عنصرهای فلزی سازنده سیارة زمین

هستند.

۲۱۷ اغلب هسته‌هایی که نسبت شمار نوترون‌ها به پروتون‌ها آن‌ها

برابر یا بیش از  $1/5$  باشد، ناپایدارند و با گذشت زمان متلاشی می‌شوند:

$$\frac{N}{Z} \geq \frac{3}{2} \quad \text{ا} \geq \frac{A-Z}{Z}$$

۲۱۸ عنصرهای A، X و M به ترتیب همان عنصرهای H و He و

Li هستند که شمار خطوط موجود در طیف نشري خطی اتم‌های آن‌ها به ترتیب برابر با ۱، ۴، ۹ و ۴ خط است.

۲۱۹ نخستین عنصر ساخت بشر،  $TC_{1/2}$  است که عبارت‌های

«ب» و «پ» درباره آن درست هستند.

forum.konkur.in

$$\Rightarrow x = \frac{46}{25} \text{ g MnO}_2 \quad (\text{ناخالص})$$

$$= 46 / 25 \times \frac{46}{100} = 14 / 5 \text{ g} \quad (\text{جرم ناخالص})$$

**۱) بررسی عبارت‌های نادرست:**

پ) فلزهای مس و بلاتین واکنش پذیری کمی دارند و در نتیجه این فلزها در حالت عنصری، پلیدارتر از ترکیب‌های آن‌ها هستند.  
ت) در تولید لامپ چراغ‌های چلوی خودروها، از هالوژن‌ها استفاده می‌شود. در گروه هالوژن‌ها از بالا به پایین، نیتروی جاذبه بین مولکولی، قوی‌تر و واکنش پذیری عنصرهای کمی شود.

**۲) آرایش الکترونی اتم هر کدام از عنصرهای جدول دوره‌ای، به یکی از دو زیرلایه S و P ختم می‌شود.**

**۳) روش گیاه پالایی برای استخراج فلزهای روی و نیکل مقرون به صرفه نیست.**

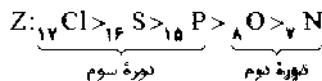
**۴) به جز عبارت «ب»، سایر عبارت‌ها در مورد فلزهای قلیایی درست هستند.**

فلز قلیایی لیتیم (Li) با تشکیل کاتیون  $\text{Li}^+$  به آرایش دوتایی  ${}_{\text{He}}^2$  رسید.

**۱) بررسی عبارت‌های نادرست:**

ب) از واکنش آهن با هیدروکلریک اسید، گاز هیدروژن تولید می‌شود.  
ت) جلای نقره‌ای فلز سدیم در مجاورت هوا به سرعت از بین می‌رود و سطح آن کندر می‌شود.

**۲) ترتیب عدد اتمی عنصرهای داده شده به صورت زیر است:**

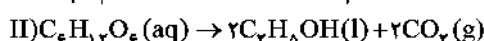
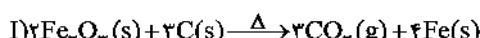


• در یک دوره از چپ به راست، واکنش پذیری عنصر نافلزی لغزاش و در گروه‌های نافلزی از بالا به پایین، واکنش پذیری این عناصر، کاهش می‌پلید.

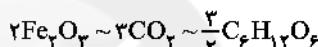
• در یک دوره از چپ به راست، شمعان اتمی غلظت، کاهش و در یک گروه از بالا به پایین، شمعان اتمی، لغزاش می‌پلید.

**۴) اتم هر کدام از عنصرهای گروه ۱۶ جدول دوره‌ای دلایی حداقل سه زیرلایه دو الکترونی هستند و تمامی این عناصر در دما و فشار اتفاق به حالت جامدند.**

**۴) معادله موازن شده واکنش‌های مورد نظر به صورت زیر است:**



اگر ضرایب واکنش (II) را در عدد  $\frac{3}{2}$  ضرب کنیم، ضریب ماده مشترک دو واکنش ( $\text{CO}_2$ ) یکسان شده و در این صورت می‌توان از تناسب زیر استفاده کرد:



$$\frac{\text{Fe}_2\text{O}_3 \times \frac{P}{100} \times \frac{R_1}{100}}{\text{Gram Molی} \times \text{ضریب}} = \frac{\text{Gram گلوکز} \times \frac{R_2}{100}}{\text{Gram Molی} \times \text{ضریب}}$$

$$\Rightarrow \frac{150\text{ g Fe}_2\text{O}_3 \times \frac{P}{100} \times \frac{R_1}{100}}{2 \times 160} = \frac{120\text{ g C}_6\text{H}_{12}\text{O}_6 \times \frac{75}{100} \times \frac{R_1}{100}}{\frac{3}{2} \times 180}$$

$$\Rightarrow \%P = 71/1$$

**۳) مطلبق داده‌های سؤال، معادله موازن شده واکنش مورد نظر به**

صورت زیر است:



ابتدا از روی چگالی اکسیژن، حجم مولی گازها را در شرایط واکنش به دست می‌آوریم:

$$\frac{\text{حجم مولی}}{\text{حجم مولی}} = \frac{\text{جرم مولی}}{\text{جرم مولی}} = \frac{32\text{ g.mol}^{-1}}{v} \Rightarrow v = 64\text{ L.mol}^{-1}$$

$$\frac{\text{Lیتر گازها} \times \frac{R}{100}}{\text{حجم مولی} \times \text{ضریب}} = \frac{\frac{30}{3} \times 3\text{ g KNO}_3 \times \frac{100}{100}}{4 \times 101} \Rightarrow \frac{x \text{ Lgas}}{(2+5) \times 64} \Rightarrow x = 26/88\text{ Lgas}$$

**۱) مطلبق داده‌های سؤال، معادله موازن شده واکنش مورد نظر به**

صورت زیر است:



$$\frac{\text{Lیتر گاز کلر}(\text{STP}) \times \frac{P}{100} \times \text{Gram ناخالص}}{\text{حجم مولی} \times \text{ضریب}} = \frac{5/6 \text{ L Cl}_2}{1 \times 22/4}$$

$$\Rightarrow \frac{x \text{ g MnO}_2 \times \frac{P}{100}}{1 \times 87} = \frac{5/6 \text{ L Cl}_2}{1 \times 22/4}$$