

۱- معنی چند واژه در مقابل آن درست است؟

(سامان: در خور)، (سودا: دیوانگی)، (شرحه: پاره‌گوشتی که از پهنا بریده باشند)، (دمساز: درداشنا)، (حریف: دوست)، (دستور: وزیر)، (بی خودی: بیهودگی)، (محب: معاشق)، (ایدون: این چنین)

- | | | |
|---------|--------|-------|
| ۴) چهار | ۳) پنج | ۲) شش |
|---------|--------|-------|

۲- در گروه واژگان زیر چند غلط املایی وجود دارد؟

«وارهیدن از دم ستوران، نهفتن چهره، ضربت نواختن، قلب فسرده، معجر و رویند، اژدهای گرزه، شیر شرزة ارقند، تزویر و دوروبی، ظالمان سفله، صریر و تخت، عطا و بخشش، حتاکی و پرده‌دری، بهزادی و عنقریب، جرئت و جسارت، سرکار گذاشتن کسی»

- | | | |
|---------|-------|-------|
| ۴) چهار | ۳) سه | ۲) دو |
|---------|-------|-------|

۳- در کدام گزینه غلط املایی وجود ندارد؟

چو به سر باید رفتن چه کنم پای دوان را
تو را رسد که کنی دعوی جهانبانی
سرو آزاد به یک پای قرامت برخاست
جواب داد که گلزار صد عدو دارد

- | |
|---|
| ۴) آرایه‌های «استعاره، جناس، ایهام، اسلوب معادله، حسن تعلیل» به ترتیب، در کدام ابیات یافت می‌شود؟ |
|---|

تا خود چه باشد حاصلی، از گریه بی حاصلم
می‌توان فهمید مضمون کتاب از بابها
در سیاهی از چه پنهان است آب زندگی؟
باد بستان دشت را در عنبر سارا گرفت
چو کشته را دم عیسی و کشته را باران

- | | | |
|-------------------|-------------------|-------------------|
| ۳) ب، ج، د، ه الف | ۴) د، ج، ه ب، الف | ۲) د، ه الف، ب، ج |
|-------------------|-------------------|-------------------|

۵- آرایه‌های بیت زیر در کدام گزینه همگی درست است؟

هر ماه، ماه دیدم چون ابروان توست»

از رشك آفتاب جمالت بر آسمان

۱) تشبيه، جناس همسان، استعاره، حسن تعلیل، حسن آمیزی

۲) اغراق، ایهام، جناس همسان، حسن تعلیل، تکرار

۳) جناس، استعاره، اغراق، ایهام، کنایه

۶- در همه گزینه‌ها فعلی که در بردارنده مفعول و مسند باشد، وجود دارد به جز

خششم دل‌ها کرد عالم‌ها خراب
آنک جان پنداشت خون آشام بود
و آتش چهره بدین کار برافروخته بود
بی خبر زان چشم مست و گردش پیمانه بود

۱) خشم مردان خشک گرداند سحاب

۲) حیله کرد انسان و حیله‌اش دام بود

۳) جان عشاقد سپند رخ خود می‌دانست

۴) زاهد ار پنداشت با تسبیح او گردد سپهر

۷- در کدام گزینه ترکیب وصفی بیشتری به کار رفته است؟

مسلک مرغ گرفتار قفس، همچو من است
ملت امروز یقین کرد که او اهرمن است
ز اشک ویران کنش آن خانه که بیتالحزن است
بدر آن جامه که ننگ تن و کم از کفن است

- ۱) ناله مرغ اسیر این همه بهر وطن است
- ۲) آن کسی را که در این ملک سلیمان کردیم
- ۳) خانه‌ای کاو شود از دست اجانب آباد
- ۴) جامه‌ای کاو نشود غرقه به خون بهر وطن

۸- مفهوم کدام بیت با سایر ابیات یکسان نیست؟

بر او نمرده به فتوای من نماز کنید
ای شاه که او خود را در عشق دراندازد
تو ای که عشق نداری برو به راه سلامت
که چون همیشه بهار ایمن از خزان مانم

- ۱) هر آن کسی که در این حلقه نیست زنده به عشق
- ۲) عشق آب حیات آمد برهاندت از مردن
- ۳) ز شور عشق مرا در سر است شور قیامت
- ۴) ز جویبار محبت چشیدم آب حیات

۹- مفهوم کدام ابیات با بیت زیر یکسان است؟

پس سخن کوتاه باید، والسلام»
عجب از سوختگی نیست که خالمی عجب است
روی زرد و باد سرد و دیده گریان بود
وز ناا هلان تمام دامن در کش
که چون چراغ شبی زنده تا سحر دارد
کان تحمل که تو دیدی همه بر باد آمد
کز شوق توام دیده چه شب می گذراند

«در نیابد حال پخته هیچ خام

- آ) آتش روی تو زین گونه که در خلق گرفت
- ب) راز من در عشق او پنهان نباشد تا مرا
- پ) با اهل هنرگویی گریبان بگشای
- ت) ز سوز نیمه شبانه کسی خبر دارد
- ث) از من اکنون طمع صبر و دل و هوش مدار
- ج) آن را که غمی چون غم من نیست چه داند

۴) ت، ج، پ

۳) ث، ب، ت

۲) آ، ب، ث

۱) ت، آ، ج

۱۰- بیت «همت اگر سلسله جنبان شود/ مور تواند که سلیمان شود» با کدام گزینه قرابت دارد؟

تا شوی هم نشین روح امین
برو دامن راه دانان بگیر
ورنه در مقصود به روی همه باز است
گلها و لالهها دمد از خار و از گیا

- ۱) مدد روح کن به دانش و دین
- ۲) تو هم طفل راهی به سعی ای فقیر
- ۳) وحشی تو برون ماندهای از سعی کم خویش
- ۴) تو آفتاب و ابری کز فر و سعی تو

۱۱- معنی چند واژه در مقابل آنها درست است؟

(جلجل: زنگوله)، (منال: درآمد مستغلات)، (مایه: دارایی)، (طینت: خوی)، (طُرفه: کنار)، (مفلس: بدبخت)، (تافته: گداخته)، (خلعت: سربند)،

(ملزم: همراه)، (تباه: فاسد)

۴) نه

۳) هشت

۲) هفت

۱) شش

۱۲- در کدام گزینه واژه‌ای نادرست معنا شده است؟

(۱) (تاك: انگور)، (لگام: دهنۀ اسب)

(۲) (ترین: بالاين)، (صدر: سينه)

(۳) (جذبه: کشش)، (نيا: جد)

(۴) (شرافت: ارجمندی)، (ردا: جامه‌اي که روی جامه‌های ديگر پوشند)

۱۳- در کدام گزینه غلط املائي وجود دارد؟

بشکيد اسب چوين از سيف و تازيانه

(۱) ديوانگان نترسند از صولت قيامت

حدیث او همه تخمین و ظن بود

(۲) متعاع شيخ اساطير کهن بود

ممتاز از اين رو شد از امثال و زاقران

(۳) اين موزه نماینده اعصار و قرون است

در او نوعی ز اصحاب ملاهي

(۴) جهان بستان بزمت باد و بلبل

۱۴- آرایه‌های مقابل کدام بیت تمامًا درست نیست؟

تا به جوهر طعنه بر دُرهای دریابی زدم (مجاز، حسن تعليل)

(۱) چون صدف پروردم اندر سينه دَرَ معرفت

در صدف گوهر ر خجلت چهره مرجانی کند (تشخيص، مراعات نظير)

(۲) بحر طبعم در سخن چون گوهراشاني کند

به گوش تشنده‌لیان چون صدای آب خوش است (استعاره، حس‌آمیزی)

(۳) جواب خشك از آن لعل آبدار مرا

به راه باد نهادم چراغ روشن چشم (تشبيه، واج‌آرایي)

(۴) به بوی مرده وصل تو تا سحر شب دوش

۱۵- کدام گزینه به ترتیب نشانگر آرایه‌های «تشبيه، استعاره، تلمیح، جناس» است؟

دشنه مکش همچو صبح تشنۀ مکش چون سراب

الف) من به تو اى زود سير تشنۀ ديرينه ام

دیگرم بانوی عفت رو گرفت از خودنمایي

ب) از سرم آن باد نخوت رفت و آن حقد و حсадت

لؤلؤ اندر بحر و گنج اندۀ خراب

ج) چشمۀ حیوان به تاریکی در است

محل است از جواهر سرمۀ بدگوهر شود بینا

د) نبرد از چشم سوزن قرب عيسى عیوب کوري را

(۴) الف، د، ب، ج

(۳) الف، ب، د، ج

(۲) ب، د، ج، الف

(۱) الف، ب، ج، د

۱۶- در کدام‌یک از ابيات زیر نقش دستوري منادا وجود ندارد؟

جان من وقت نیامد که به تن بازآیی

(۱) شمع من روز نیامد که شبم بفروزی

الا به فراق روی احباب

(۲) سعدی نتوان به هیچ کشتن

که ما دو عاشق زاریم و کار ما زاری است

(۳) بنال بلبل اگر با منت سر یاري است

نامهربان من تو که مهمان نیامدی

(۴) گفتم به خوان عشق شدم میزان ماه

۱۷- ترتیب نقش واژه‌های مشخص شده در همه گزینه‌ها درست است بهجز:

- در تمنای که سرگرم شتاب است آفتاب (مضاف‌الیه- مضاف‌الیه)
 از دوزخیان پرس که اعراف بهشتست (صفت - نهاد)
 آن را که شوق تشنه دیدار کرده است (نهاد - مستند)
 که یوسف بر لب نیل آرزوی آب چه دارد (مفعول - مضاف‌الیه)
- ۱) نعل ماه نو در آتش ز اشتیاق روی کیست?
 ۲) حوران بهشتی را دوزخ بود اعراف
 ۳) در عین وصل می‌پید از تشنگی به خاک
 ۴) نگردد تشنه خاک وطن سیراب در غربت

۱۸- همه ایيات بهجز ... با آیه «تعز من تشاء و تذل من تشاء» قرابت مفهومی دارند.

- یکی را به خواری کند پاره رخت
 یکی را ز هجران در آرد به بند
 یکی را به مویی کند پای بند
 یکی را می‌کشاند تا جهنم
- ۱) یکی را به عزت نشاند به تخت
 ۲) یکی را دهد وصل و سازد بلند
 ۳) یکی را به رویی کند دردمند
 ۴) یکی را می‌برد بر عرش اعظم

۱۹- مفهوم کدام گزینه با بقیه متفاوت است؟

- خوش باش که ظالم نبرد راه به منزل
 سیاهی نیست ممکن از سر داغ پلنگ افتند
 برق اگر سالم ز خرمنگاه می‌آید بروون
 که پیشتر ز نشان ناله از کمان خیزد
- ۱) دور فلکی یکسره بر منهج عدل است
 ۲) به تدبیر صفاتی طینت ظالم مبر زحمت
 ۳) می‌جهند از آه مظلومان سلامت ظالمان
 ۴) ز زخم تیر مكافات ظالمان نرهند

۲۰- مفهوم کدام بیت متفاوت با سایر ایيات است؟

- در تجلی است یا اولی الابصار
 آن دم که شود پرتو خورشید هویدا
 شد مهر جمال تو ز هر ذره هویدا
 که جمال تو هویدا ز همه ذرات است
- ۱) یار بی پرده از در و دیوار
 ۲) ذرات جهان را همه در رقص بیابی
 ۳) پیدا شده از مهر رخت جمله ذرات
 ۴) دیده آن دیده که بینا بود از نور یقین

۲۱- «أَنْقَدَ مِنَ النَّارِ وَ لَكُنْ قُذْفٌ فِي النَّارِ مَرَّةً ثَانِيَةً!»:

- ۱) او را به طرف آتش پرتاب کردند، ولی دوباره از آتش نجات داده شد!
 ۲) از آتش نجات داده شد و اما دوباره به آتش انداخته شد!
 ۳) از آتش نجات داده شد، ولی دوباره او را به طرف آتش پرتاب کردند!
 ۴) به آتش انداخته شد و اما دوباره از آتش نجات داده شد!

۲۲- «جَرِبْنَا طُرُقاً مُخْتَلِفَةً اقْتَرَحَا أَحَدُ أَحْبَبْنَا لِتَصْلِيْحِ هَذِهِ الْأَلَّةِ وَ لَكُنَّهَا كَانَتْ بِدُونِ فَانِدَةٍ!»:

۱) راههای مختلفی را که یکی از دوستانمان آن را برای تعمیر این دستگاه پیشنهاد داده بود، آزمودیم ولی بدون فایده بود!

۲) روش‌های مختلفی را که دوستانمان برای تعمیر این دستگاه پیشنهاد کردند، آزموده‌ایم اما انگار فایده‌ای ندارد!

۳) راههای متنوعی را که یکی از دوستانمان برای تعمیر این ابزار به ما پیشنهاد داده بود، امتحان می‌کنیم اما فایده‌ای ندارد!

۴) یکی از دوستانمان روش‌های متنوعی را برای تعمیر این دستگاه پیشنهاد داد که ما آن‌ها را امتحان کردیم ولی بدون فایده بود!

۲۳- «إِنَّ هَذِهِ الْأَصْنَامَ الَّتِي كَانُوا يَفْتَخِرُونَ بِعِبَادِتِهَا لَا قِيمَةَ لَهَا لَأَنَّهَا عَاجِزَةٌ عَنِ الْحَاجَاتِهَا!»:

۱) به راستی این بتهایی که به پرستیدن شان افتخار می‌کنند، ارزشی ندارند چون از برآوردن نیازهای شما ناتوان هستند!

۲) این‌ها بتهایی هستند که به پرستیدن شان افتخار می‌کردند در حالی که بی ارزش هستند، چون از تأمین نیازهای خود ناتوانند!

۳) این بتهایی که به عبادت‌شان افتخار می‌کردند، هیچ ارزشی ندارند چون از برآوردن نیازهای خود ناتوان هستند!

۴) این بتها که آن‌ها را با افتخار می‌پرستیدند، هیچ ارزشی ندارند زیرا نمی‌توانند نیازهای خود را برآورده سازند!

۲۴- «كَانَ الْحَاجَاجُ فَرِحِينَ لِأَنَّهُمْ كَانُوا يَرْكِبُونَ الطَّائِرَةَ لِلَّذِهَابِ إِلَى مَكَّةَ الْمُكَرَّمَةِ وَ الْمَدِيْنَةِ الْمُنَوَّرَةِ مُشْتَاقِيْنَ!»:

۱) حاجیان با شادی برای رفتن به مکه مکرمه و مدینه منوره، سوار هواپیما می‌شدند و بسیار مشتاق بودند!

۲) حاجیان شادمان بودند، چون با اشتیاق برای رفتن به مکه مکرمه و مدینه منوره، سوار هواپیما می‌شدند!

۳) چون حاجیان برای رفتن به مکه مکرمه و مدینه منوره مشتاق بودند، با شادمانی سوار هواپیما می‌شدند!

۴) حاجیان شادمان بودند، چون با اشتیاق سوار هواپیما می‌شدند تا به مکه مکرمه و مدینه منوره بروند!

۲۵- «كُنَا فِي السَّنَةِ الْمَاضِيَّةِ قَدْ شَارَكْنَا فِي جَوَلَةِ عَلْمَيِّةِ فُرَحَاتٍ وَ وَاجَهْنَا ظَواهِرَ ثُحَيْرَنَا جَدًا وَ لَكِنْ مِنْ حُسْنِ الْحَظَّ كَانَ رَئِيسُ الْفَرِيقِ يُعْرِفُنَا عَلَى تَلْكِ!»

۱) در سال گذشته در یک گردش علمی، خوشحال شرکت کردیم و با پدیده‌هایی رو به رو شدیم که واقعاً شگفتزده می‌شدیم ولی از شناس خوبمان رئیس گروه آن را به ما معرفی می‌کرد!

۲) سال گذشته شادمان در یک گردشی علمی مشارکت کرده و با پدیده‌هایی رو به رو شده بودیم که ما را بسیار شگفت زده می‌کرد و لی خوشبختانه رئیس گروه آن‌ها را به ما معرفی می‌کرد!

۳) در سال گذشته در گردش علمی شاد شرکت جستیم و ما را با پدیده‌هایی رو به رو نمود که بسیار شگفتزده می‌شدیم ولی از خوششانسی سرگروه بود که آن را به ما معرفی کند!

۴) در سال گذشته شادمان در گردشی علمی ما را مشارکت دادند و پدیده‌هایی با ما رو به رو شد که ما را بسیار شگفتزده و شادمان نمود ولی خوشبختانه سرگروه بود که ما را با آنها آشنا کند!

۲۶- عَيْنَ الصَّحِيحِ:

۱) لا يَنْفَدِ الْيَاسُ فِي قَلْبِ الْعَبْدِ الصَّالِحِ! هیچ یأسی در دل بنده صالح نفوذ نمی‌کند!

۲) لَمْ لَا يَهْمَمُ الْمُسْتَهْرِئُونَ بِمَنْزِلَةِ الْمُسْتَهْرِئِينَ بِهِمْ! چرا مسخره کنندگان به شأن و منزلت مسخره شوندگان توجه نمی‌کنند؟!

۳) قَدْ تَعَلَّمَتْ أُخْتِي أَنْ لَا تَسْتَعْجِلَ فِي مُعَايَةِ الْمُذْنِبِ! به خواهرم یاد دادم که در سرزنش کردن گناه کار نباید عجله کندا!

۴) لا شَابٌ إِلَّا أَنْ يُدَافِعَ عَنِ الْوَطْنِ فِي الْحَرْبِ! هیچ جوانی نیست که در جنگ از وطنش دفاع نکند!

٢٧- عَيْنُ الْخَطَا:

- ١) وَصَنَفْنَا كُلَّ مَلِحٍ كَمَا تُحِبُّ وَتُرْضَى! هر با نمکی را همانطور که تو دوست داری و می پسندی وصف کردیم!
- ٢) لَا تُجَالِسِي الْكَدَابَ فَإِنَّهُ يُرِيدُ أَنْ يَنْفَعَكَ فَيَضُرُّكَ! نباید دروغگو همنشین تو شود، زیرا او می خواهد که به تو سود برساند ولی به تو ضرر می رساند!

٣) إِنْ شَمَمْتَ رُفَاتَ الْعَاشِقِ وَجَذْتَ رَائِحَةَ الْمَحْبُوبِ! اگر استخوان پوسیده عاشق را ببوی، بوی معشوق را می بایی!

٤) عَالَمٌ يَنْتَفِعُ بِعِلْمِهِ خَيْرٌ مِنْ أَلْفِ عَابِدٍ! عالمی که از علمش بهره می برد، از هزار عبادت کننده بهتر است!

٢٨- «کاش مردم می دانستند دوستی برتر از کتاب نیست!»، عَيْنُ الصَّحِيحِ:

١) لَيْتَ النَّاسَ يَعْلَمُونَ لَا الصَّدِيقُ أَفْضَلُ مِنْ كِتَابٍ!

٢) لَعَلَّ النَّاسَ قَدْ عَلِمُوا لَا صَدِيقًا فُضْلَى مِنَ الْكِتَابِ!

٣) لَيْتَ النَّاسَ عَلِمُوا لَا صَدِيقٌ أَفْضَلُ مِنَ الْكِتَابِ!

٤) لَيْتَ النَّاسَ يَعْلَمُونَ لَا صَدِيقٌ فُضْلَى مِنْ كِتَابٍ!

٢٩- عَيْنُ الْخَطَا فِي ضَبْطِ حَرَكَاتِ الْكَلْمَاتِ:

١) بَعْدَ أَنْ قَالَ إِبْرَاهِيمُ قَدْ كَسَرَ الصَّنَمُ الْكَبِيرُ بِقِيَةَ الْأَصْنَامِ،

٢) بَدَا الْفُؤُمُ يَنْهَا مُسُونَ، وَ قَالُوا: إِنَّ الْأَصْنَامَ لَا تَتَحَرَّكُ أَبَدًا،

٣) لِأَنَّهَا تَمَاثِيلٌ، إِبْرَاهِيمُ يَسْهُزُ بِالْهَتَّا فَأَحْضَرُوهُ لِلْمُحاكَمَةِ،

٤) وَ بَعْدَ الْمَحْكَمَةِ أَشْغَلُوا نَارًا لِيُحرِّثُوهُ فَانْفَذَ اللَّهُ مِنَ النَّارِ!

٣٠- عَيْنُ مَا لَيْسَ فِيهِ مِرَادٌ أَوْ مَضَادٌ:

١) يَوْمَ مِيلَادِ أَمْنَا أَهَدَيْنَا إِلَيْهَا هَدِيَّةً وَ مَلَأْنَا قَلْبَهَا اتْشِرَاخًا وَ قَبَّلْنَا فَمَلَأْنَا الْذَّارُ سُرُورًا!

٢) مَعَ الْأَسْفِ نَرَى الْيَوْمَ بَيْنَ كَثِيرٍ مِنَ الْمُسْلِمِينَ صِرَاعًا شَدِيدًا بَدَلَ السَّلَمِ!

٣) فِي الْمُتَحَفِ قَدْ أَعْجَبَنِي تَمَاثِيلُ مِنَ الْفَضَّةِ، وَ النَّحَاسِ، وَ الذَّهَبِ، وَ الْحَدِيدِ!

٤) أَصِبَّتُ بِمَرَضٍ جِلْدِيٍّ فَأَحْضَرَ لِشَفَائِيِّ الطَّبِيبَ دَوَاءً مُفِيدًا!

سایت کنکور

Konkur.in

الكعبةُ الشَّرِيفَةُ أَقْدَسُ أَمَاكِنِ الْأَرْضِ عَنِ الْمُسْلِمِينَ. يُنْسَبُ بَنَاءُ هَذَا الْمَكَانِ الْمَبَارِكِ إِلَى آدَمَ عَلَيْهِ السَّلَامُ وَلَكِنْ عَمِرتَ فِي زَمِنِ إِبْرَاهِيمَ الْخَلِيلِ عَلَيْهِ السَّلَامُ وَمِنْ ذَلِكَ الْوَقْتِ نَشَأَتْ حَولَهَا حَضَارَةٌ عَظِيمَةٌ تَوَاصِلُ طَرِيقَهَا. الْكَعْبَةُ قَبْلَةُ أَهْلِ الْإِسْلَامِ وَإِلَيْهَا يَقْصُدُ الْمُسْلِمُونَ مِنْ مَسَافَاتٍ بَعِيدَةٍ وَقَرِيبَةٍ حَجَّ الْبَيْتِ مِنَ الَّذِينَ يَسْتَطِيعُونَ مِنْهُمْ وَحَوْلَهُ يَطْوِفُونَ.

سميت الكعبة بـ «بيت الحرام» لأن الله قد حرم القتال فيها. بناء الكعبة من أحجار سوداء قد استخرجت من جبال حول مكة. من أسرار الكعبة الحجر الأسود فهو حجر ذو لون أسود مكون من أجزاء و هو نقطة بداية الطواف و منهاه.

يُفوق ارتفاع بناء الكعبة ثلاثة عشر متراً. حرب البناء الشريف أربع مراتٍ منذ قديم بأيدي جباررة ثم اعتمر بعد أي تخريب من حديث

٣١- عن الصحيح حسب النص:

١) حرم القتال في الكعبة عدّة من الشهود!

٢) أكثر نقطة الكعبة ارتفاعاً ثلاثة عشر متراً

^٣ يذهب جميع المسلمين من البلاد المختلفة للحجّ و الطّرافا

^٤ لم تتوافق الحضارة التي بدأت بعد تعمد الكعبة في ذلك من ابن اهنة (٤))

٣٢ - عَنْ الْخَطَا.

١) الكعبة واقعة في منطقة حلبة

١) الكعبةُ واقعةٌ في منطقةٍ جبليةٍ!
٢) الطوافُ يبدأ من جانبِ حجرِ الأسودِ وينتهي به!

٣) لم تكن الكعبة تُعرف قبل ذلك من نبنا (ص)!

٣٣ - عَنْ الْخَطَا.

١) نسَّ بناءً الكعبة الـ، آدم عليه السلام

٢) الحضارة الإسلامية قد تكونت حول بيت الله!

٣) لسـ بـنـاءـ الـكـعـةـ مـنـ حـصـ وـاحـدـ فـقـطـ

٤٤) كان غرض تجربة الكعبة تحكيم بناءها وحفظها عن الخطرات

٣٤- أءِ موضعٌ لم يأت في النصّ؟

^{١)} غير ضرورة المسلمين من السفر إلى الكعبة

٣) تأثير الكعكة على ثقافة المسلمين.

٤) له، بناء الكعبة و أبعادها

٤) لوازِ بناء الكعبة و أبعادها

٣٥- «خَرَب»:

- ١) فعل ماضٍ- للمخاطب - حروفه الأصلية «خ ر ب» و مصدره «تفعيل» / مفعوله «أربع»
- ٢) للغائب- مزيد ثلثي (مصدره: تخريب على وزن «تفعيل») / فعل و فاعله «البناء»
- ٣) فعل ماضٍ- مزيد ثلثي (اسم فاعله: مُخْرِب) – مجهول / فاعله محذف
- ٤) للمخاطب- حروفه الأصلية «خ ر ب» و وزنه «فَعَلَ» / فعل و فاعله «البناء» و الجملة فعلية

٣٦- «ارتفاع»:

- ١) اسم - جمع مكسر أو تكسير - حروفه الأصلية «رف ع» / مضاف و المضاف إليه «بناء»
- ٢) مفرد منكراً - مصدر (من وزن انفعال) / فاعل لفعل «يَفْوُتُ»
- ٣) مفرد منكراً - فعله «ارتفاع» على وزن «انفعل» / مضاف، و المضاف إليه «بناء»
- ٤) اسم - مفرد منكراً - مصدر (من وزن افتعال) / فاعل لفعل «يَفْوُتُ»

٣٧- عَيْنُ الْخَطَا عن الكلمات المعينة:

- ١) مَنْ جَرَبَ الْمَجْرَبَ حَلَّتْ بِهِ النَّدَامَةُ! اسم المفعول و يكون مفعولاً.
 - ٢) دُعَانِي الطَّلَبَةِ إِلَى حَفْلَتِهِمْ! اسم الفاعل و يكون فاعلاً.
 - ٣) تُرْسَلُ الْمَحَاصِيلُ إِلَى مَتْجَرِ الْمَدِينَةِ! اسم المفعول و جمع تكسير.
 - ٤) يُكَرِّمُ وَرَثَةَ ذَلِكَ الْمَيَّتَ بِسَبِيلِ أَعْمَالِهِ الْصَّالِحةِ! اسم الفاعل و يكون مضافاً إليه.
- ٣٨- عَيْنُ الْحَرْفِ الْمُشَبَّهِ بِالْفَعْلِ يُزِيلُ إِبْهَامَ هَذِهِ الْجُمْلَةِ: إِنَّ الْعِلْمَ وَالْمَالَ جَمِيلٌ ...
- ١) لَيْتَ الزَّمَانَ يُعْطِينَا إِيَّاهُمَا دُونَ تَعَبِّ!
 - ٢) لَأَنَّهُمَا يُؤْفِرُانَ لَنَا الرَّاحَةَ فِي الْعِيشِ!
 - ٣) كَائِنُهُمَا جَنَاحَانِ يَقْدِرُ الإِنْسَانُ أَنْ يَطْبِرَ بِهِمَا!

٣٩- عَيْنُ «لَا» يُمْكِنُ أَنْ تَكُونَ نَافِيَةً وَنَاهِيَةً:

- ١) «وَ لَا تُفْسِدُوا فِي الْأَرْضِ بَعْدَ اصْلَاجِهَا»
- ٢) أَئِهَا الْإِنْسَانُ، أَ لَا تَعْلَمُ بِأَنَّ اللَّهَ يَرَى!
- ٣) لَا أَدْخُلُ هَذَا الْطَّرِيقَ لَأَنَّهُ مَمْلُوءٌ بِالْأَشْوَاكِ!

٤٠- عَيْنُ مَا لَا تُوجَدُ فِيهِ الْحَالُ:

- ١) سَمَكَةُ التِّلَابِيَا مِنْ أَغْرَبِ الْأَسْمَاكِ تُدَافِعُ عَنْ صِبَارِهَا وَهِيَ تَسِيرُ مَعَهَا!
- ٢) وَهِيَ تُطْلِقُ قَطَرَاتٍ مُتَتَالِيَّةً مِنْ فِيهَا إِلَى الْهَوَاءِ تُشِيدُ إِطْلَاقَ السَّهَمِ!
- ٣) إِنَّ تَغْذِيَتَهَا صَعْبَةً عَلَى هَوَاءِ الْأَسْمَاكِ لِأَنَّهَا تُحِبُّ أَنْ تَأْكُلَ فَرِيسَتَهَا حَيَّةً!
- ٤) فَعَنَدَمَا تَسْقُطُ فَرِيسَتَهَا عَلَى سَطْحِ الْمَاءِ تَبْلُغُهَا وَهِيَ حَيَّةً!

۴۱- امام علی (ع) عزت و افتخار خود را بهتر ترتیب در چه چیزی می داند؟

۱) که خداوند پروردگار او باشد - لذت دوستی با خداوند را چشیده باشد

۲) که بندۀ خداوند باشد - لذت دوستی با خداوند را چشیده باشد

۳) که خداوند پروردگار او باشد - که بندۀ خداوند باشد

۴) که بندۀ خداوند باشد - که خداوند پروردگار او باشد

۴۲- به دوش کشیدن مکافات اعمال پیش فرستاده شده با اختیار خود انسان در عالم عقبی، مفهوم مستنبط از کدام آیه مبارکه است و کدام

بیت می تواند تأییدی بر این پژوهش قرآنی باشد؟

۱) «وَ مَنْ عَمِيَ فَعَلَيْهَا» - «گر نبودی اختیار این شرم چیست/ این دریغ و خجلت و آزم چیست؟»

۲) «ذِلِكَ بِمَا قَدَّمَتْ أَيْدِيكُمْ» - «گر نبودی اختیار این شرم چیست/ این دریغ و خجلت و آزم چیست؟»

۳) «ذِلِكَ بِمَا قَدَّمَتْ أَيْدِيكُمْ» - «هیچ گویی سنگ را فردا بیا/ ورنیایی من دهم بد را سزا؟!»

۴) «وَ مَنْ عَمِيَ فَعَلَيْهَا» - «هیچ گویی سنگ را فردا بیا/ ورنیایی من دهم بد را سزا؟!»

۴۳- پیروان جریان غیرعقلانی تکفیری چه کسانی را کافر می شمارند و این تفکر از کجا سرچشمه می گیرد؟

۱) هر مسلمانی را که مانند آنها نمی اندیشد - شرک دانستن توسل به پیامبران و معصومین

۲) هر مسلمانی که عملکردی مانند آنها ندارد - شرک دانستن توسل به پیامبران و معصومین

۳) هر مسلمانی را که مانند آنها نمی اندیشد - تفکر غلط درباره شرک و توحید

۴) هر مسلمانی که عملکردی مانند آنها ندارد - تفکر غلط درباره شرک و توحید

۴۴- علت «کم شدن غفلت، تقویت محبت و بهرهمندی انسان از کمک‌های الهی» چیست و با مفهوم کدام آیه ارتباط مفهومی دارد؟

۱) راز و نیاز با خداوند و کمک خواستن از او - «پی‌ساله من فی السماوات و الارض كلّ يومٍ هو فی شأنٍ»

۲) راز و نیاز با خداوند و کمک خواستن از او - «اللَّهُمَّ لَا تَكُلِّنِي إِلَى نَفْسِي طَرَقَةً غَيْنَ أَبْدَأْ»

۳) افزایش معرفت و شناخت نسبت به خداوند - «پی‌ساله من فی السماوات و الارض كلّ يومٍ هو فی شأنٍ»

۴) افزایش معرفت و شناخت نسبت به خداوند - «اللَّهُمَّ لَا تَكُلِّنِي إِلَى نَفْسِي طَرَقَةً غَيْنَ أَبْدَأْ»

۴۵- این مناجات حبیب خدا، رسول اکرم (ص): «اللَّهُمَّ لَا تَكُلِّنِي إِلَى نَفْسِي طَرَقَةً غَيْنَ أَبْدَأْ» نتیجه فهم کدام بیت است؟

۱) ذات نایافته از هستی، بخش/ چون تواند که بود هستی بخش

۲) ما همه شیران ولی شیر علم/ حمله‌مان از باد باشد دم به دم

۳) به هرجا بنگم کوه و در و دشت/ نشان از قامت رعننا تو بینم

۴) مهر رخسار تو می تابد ز ذرات جهان/ هر دو عالم پر ز نور و دیده نایینا چه سود؟

۴۶- چه چیزی تمام زندگی فرد مسلمان را تغییر می دهد و چرا معتقدیم که «وَإِلَهٌ مَا فِي السماواتِ وَالارضِ»؟

Konkur.in

۱) التزام به «لا اله الا الله» - زیرا خداوند تنها مالک جهان است.

۲) اقرار به «لا اله الا الله» - زیرا خداوند تنها مالک جهان است.

۳) التزام به «لا اله الا الله» - زیرا خداوند تنها مبدأ و خالق جهان است.

۴) اقرار به «لا اله الا الله» - زیرا خداوند تنها مبدأ و خالق جهان است.

۴۷- خودخواهی مردم در عرصه جامعه و اهل ایثار و تعاون نبودن، چه پیامدهای نامبارکی را به دنبال خود می‌آورد و حاکی از چیست؟

۱) از بین رفتن امکان رشد و تعالی - ظهور شرک عصر جدید، مانند شرک قدیم

۲) ارزش قائل نبودن برای سلامتی دیگران - ظهور شرک عصر جدید، مانند شرک قدیم

۳) ارزش قائل نبودن برای سلامتی دیگران - رابطه متقابل شرک فردی و اجتماعی

۴) از بین رفتن امکان رشد و تعالی - رابطه متقابل شرک فردی و اجتماعی

۴۸- مطابق با آیات قرآن کریم، زلیخا با انداختن حضرت یوسف (ع) به زندان چه عاقبت شومی را برای او پیش‌بینی می‌کرد و حضرت یوسف (ع)

عدم گرفتاری به کدام بلا را از خداوند درخواست نمود؟

۱) «أَكُنْ مِنَ الْجَاهِلِينَ» - «أَخْبَرُ إِلَيَّ»

۲) «أَكُنْ مِنَ الْجَاهِلِينَ» - «أَصْبَحَ إِلَيْهِنَّ»

۳) «أَيُكُونُوا مِنَ الصَّاغِرِينَ» - «أَخْبَرُ إِلَيَّ»

۴۹- خداوند در قرآن کریم، با لحن استفهم انکاری، عدم ضمانت رسول خدا (ص) بر اعمال کدام گروه از افراد را هشدار داده است و کدام

عبارت، وجه ایجابی این حکم قرآنی را بیان می‌دارد؟

۱) عابدان مرد نسبت به عبودیت خداوند - «أَنْ أَعْبُدُونِي»

۲) هواپرستان عبادت‌کننده نفس اماره - «أَنْ أَعْبُدُونِي»

۳) عابدان مرد نسبت به عبودیت خداوند - «يَعْبُدُ اللَّهَ عَلَى حِرْفٍ»

۵۰- امکان انتخاب، حرکت و فعالیت برای انسان در چه صورتی محقق می‌شود و این دیدگاه، نتیجه اعتقاد به کدام عبارت قرآنی است؟

۱) زندگی در یک جهان قانونمند - «إِنَّ اللَّهَ يَمْسِكُ السَّمَاوَاتِ وَالْأَرْضَ أَنْ تَزُولاً»

۲) وجود اختیار انسان که یک تقدیر الهی است - «إِنَّ اللَّهَ يَمْسِكُ السَّمَاوَاتِ وَالْأَرْضَ أَنْ تَزُولاً»

۳) زندگی در یک جهان قانونمند - «قَدْ جَاءَكُمْ بِصَوْرَاتٍ مِّنْ رَبِّکُمْ»

۴) وجود اختیار انسان که یک تقدیر الهی است - «قَدْ جَاءَكُمْ بِصَوْرَاتٍ مِّنْ رَبِّکُمْ»

۵۱- اگر بگوییم: «نمایز و روزه دو یار انسان برای رسیدن به یک هدف مشترک است»، کدام مقصد مورد نظر بوده و این مفهوم در کدام عبارت

شریفه ترسیم گشته است؟

۱) حفاظت و نگهداری از خود - «وَلَذِكْرُ اللَّهِ أَكْبَرُ»

۲) تسلط بر خویشن - «لَعَلَّكُمْ تَنَقَّوْنَ»

۳) خویشن داری - «وَلَذِكْرُ اللَّهِ أَكْبَرُ»

۵۲- «حفظ آراستگی و پاکی در طول روز» و «کمتر آشته شدن به آلودگی‌های ظاهری» به ترتیب از ثمرات مبارک کدام اقدام است؟

۱) با لباس و بدن پاکیزه به نماز ایستادن - تکرار دائمی نماز در شبانه‌روز

۲) تکرار دائمی نماز در طول شبانه‌روز - با لباس و بدن پاکیزه به نماز ایستادن

۳) حفظ آراستگی در زمان حضور در خانواده - غصبی نبودن لباس و مکان نمازگزار

۴) غصبی نبودن لباس و مکان نمازگزار - حفظ آراستگی در زمان حضور در خانواده

۵۳- چگونگی و نوع پوشش افراد تا حدود زیادی تابعی از کدام عامل است و اگر به دنبال مستندی وحیانی برای نفی دیدگاه سلب آزادی از زنان، با

داشتن حجاب باشیم، کدام مورد مدرسان ما خواهد بود؟

۱) فرمان خدا - پرستاری زنان مسلمان در پشت جبهه‌ها از مجروحان

۲) آداب و رسوم - پرستاری زنان مسلمان در پشت جبهه‌ها از مجروحان

۳) آداب و رسوم - حضور با عفاف حضرت مریم (س) در معبد همگانی

۴) فرمان خدا - حضور با عفاف حضرت مریم (س) در معبد همگانی

۵۴- نحوه اطلاع‌رسانی خدای متعال از فایده‌های احکام، از چه طریقی است و جهت‌گیری احکام و دستورات بر چه اساسی تعیین شده است؟

۱) آیات قرآن و تعالیم انبیای الهی - مصلحت انسان‌ها

۲) آیات قرآن و تعالیم انبیای الهی - رستگاری صرفاً در آخرت

۳) آیات قرآن و سخنان معصومین - مصلحت انسان‌ها

۵۵- به ترتیب کدامیک، از مظاہر واحد بودن دین الهی در اعصار و قرون مختلف بر مبنای تاریخ و آیات قرآن کریم به ترتیب کدام است؟

۱) تأکید بر پوشش و لازمه دیانت دانستن آن - وجوب روزه

۲) تأکید بر پوشش و لازمه دیانت دانستن آن - اصل تبری

۳) رعایت سطح فکر جوامع مختلف و تناسب تعالیم با آن - اصل تبری

۴) رعایت سطح فکر جوامع مختلف و تناسب تعالیم با آن - وجوب روزه

۵۶- شخص روزه‌داری که می‌خواهد به سفری کمتر از ده روز برود، در چه صورت نباید روزه‌اش را بگیرد و نمازهایش قصر (شکسته) است؟

(۱) مسافت رفت او بیش از ۳ فرسخ و مسافت برگشت او بیش از ۵ فرسخ باشد.

(۲) مسافت رفت او کمتر از ۴ فرسخ و مجموعه رفت و برگشت او کمتر از ۸ فرسخ نباشد.

(۳) مسافت رفت او بیش از ۳ فرسخ و مجموعه رفت و برگشت او بیش از ۸ فرسخ باشد.

(۴) مسافت رفت او کمتر از ۴ فرسخ باشد و مسافت برگشت او کمتر از ۵ فرسخ نباشد.

۵۷- کفاره جمع، آن‌گاه بر انسان روزه‌دار در ماه مبارک رمضان واجب می‌شود که کدام دو مورد از مبطلات روزه را مرتکب شود؟

(۱) رساندن غبار غلیظ به حلق - فرو بردن تمام سر در آب

(۲) دروغ بستن بر خدا و پیامبر و جانشینان او - استمناء

(۳) فرو بردن قطعه‌ای از غذایی که لای دندان مانده - استمناء

(۴) نگاه کردن با حالت خشم به والدین - غیبت کردن از فرد مسلمان

۵۸- خروج از اعتدال و گرفتار آمدن به «افراط» و «تفريط» به ترتیب در وجود انسان چگونه ظهور می‌یابد؟

(۱) غرق شدن در یک نیاز درونی به‌طور کامل - اجازه دادن به اهانت به شخصیت

(۲) غرق شدن در یک نیاز درونی به‌طور کامل - غفلت از یک نیاز

(۳) یافتن استعدادهای برتر برای برانگیختن تحسین دیگران - غفلت از یک نیاز

(۴) یافتن استعدادهای برتر برای برانگیختن تحسین دیگران - اجازه دادن به اهانت به شخصیت

۵۹- کدام رفتارها از جانب آدمی، به ترتیب نشان از ضعف روحی و ضعف دینداری اوست؟

(۱) ابراز وجود برای دیگران از راه نادرست - زیاده‌روی در آراستن خود

(۲) ابراز وجود برای دیگران از راه نادرست - پوشش نازک و بدنه‌نما

(۳) سبک شدن و جنبه خودنمایی گرفتن پوشش - پوشش نازک و بدنه‌نما

(۴) سبک شدن و جنبه خودنمایی گرفتن پوشش - زیاده‌روی در آراستن خود

۶۰- منشأ اصلی گسترش حجاب در جهان چیست و این مطلب باور کدام گروه است؟

(۱) ادیان الهی - آئین زرتشت

(۲) ایران باستان - آئین زرتشت

(۳) ایران باستان - مورخان غربی

61- When I arrived home, I saw that the table and the chairs were not in their own places. The furniture ... away because mother had decided to get rid of it.

- 1) have taken 2) was being taken 3) were taken 4) took

62- My favorite poem ... many years ago by a very good poet whom I quite

- 1) wrote – respect 2) was written – was respected
3) was written – respect 4) wrote – respected

63- Nowadays Spanish ... by more than three hundred million people in the world.

- 1) is speaking 2) spoken 3) is spoken 4) has been spoken

64- He got disappointed when he was not offered that job because he thought that by getting that job he could ... his self-confidence.

- 1) spare 2) lower 3) catch 4) boost

65- Our English teacher was not angry. He ... told us what to do in that difficult situation.

- 1) impolitely 2) successfully 3) cruelly 4) calmly

66- Titan is slightly bigger than the planet Mercury, and is called a moon only because it ... the giant planet Saturn rather than the Sun.

- 1) clears 2) defends 3) pumps 4) orbits

67- I think I'd like to stay at home ... go out.

- 1) along with 2) rather than 3) on the other hand 4) because

Mina is not happy today. She did not do well on her English exam, and her mother ... (68)... at her for her poor score. Mina played games with her laptop ... (69)... and didn't study at all for the exam. Her mother told her that laptops ... (70)... to help people have an easier life, not to play games all the time! Mina is going to tell her mother that she will carefully read the ... (71)... for her next English exam. She is now ... (72)... that she will get a good score next time.

- 68- 1) shouted 2) wrote 3) sat 4) made
69- 1) repeatedly 2) appropriately 3) famously 4) differently
70- 1) invent 2) were invented 3) invented 4) to invent
71- 1) dictionary 2) app 3) food 4) dish
72- 1) wrong 2) hungry 3) strong 4) hopeful

Louis Braille, who was born in 1809, became blind after an accident when he was three. At first, Louis went to school in his village, where his father made equipment for horses. When he was ten, he went to a school for blind children in Paris. In the school library, there were 14 books which had a system of dots instead of letters. When students touched the letters, they could work out the meaning of the words. Louis wanted to find a way to improve the system. Then in 1821, a man called Charles Barbier visited the school. Barbier, who was a soldier, showed the students his own system of dots on paper. It was used by soldiers to read and write messages at night. Louis decided to improve Barbier's system, and to make it easier for blind people to use. When he was 15, he wrote his first book of signs. He continued adding more signs to his system. He also made up signs for maths and music. The signs took his name: Braille. These days, new technology has made Braille even easier to use. Some computers, which can quickly change text into Braille, now have Braille printers. Electronic books (ebooks) can also be read in Braille. You can find Braille in many different languages all over the world. There are even Braille dictionaries, so that blind adults and children can look up words and find out their meanings.

73- Which of the following sentences is WRONG according to the passage?

- 1) Louis Braille was born in the 18th century.
- 2) Louis became blind before going to school.
- 3) He went to the blind school in paris.
- 4) There were 14 books in his school library which had the system of dots instead of letters.

74- The underlined word “work out” in the passage is closest in meaning to

- | | |
|-----------|-----------|
| 1) follow | 2) change |
| 3) find | 4) plan |

75- According to the passage,

- 1) Louis Braille was the only person who invented the system
- 2) Barbier added more signs to Braille's system
- 3) Before Louis Braille, no one worked for the blind
- 4) Braille books are available in electronic forms

76- All of the following sentences are mentioned in the passage EXCEPT

- | | |
|--|--|
| 1) Louis Braille was born in France | 2) It is not clear when Louis died |
| 3) Louis worked hard to help the blind | 4) Barbier's work was completed by Louis |

The United States has been criticized for its treatment of elderly citizens. Although in many other countries the elderly usually live with their children's family, many older Americans live alone, without the companionship of their children. This situation is sometimes blamed on the "selfishness" of the younger generation, but the closer look shows that many of the elderly prefer to maintain their independent lives.

Research on the situation of the elderly in America has shown that while grandparents are delighted to be visited periodically by their children and grandchildren, they prefer to continue living in the surrounding that they are familiar with. This suggests that children should permit their parents to live alone if they wish to, and should encourage them to maintain close ties to the rest of the family.

Another surprising result of the research on the elderly in the United States has been the very positive influence which pets have been found to have on the elderly people that they live with. It has been shown that elderly people who care for small pets, such as cats or dogs, live longer, are healthier, and have better attitudes toward their lives than similar elderly people without these companions.

77- Which of the following statements is NOT true, according to the passage?

- 1) The elderly who care for some pets live longer.
- 2) The social practice in the USA make the elderly live alone.
- 3) The elderly people should regularly go and visit their family.
- 4) Grandparents usually live with their children's family in many countries.

78- The author advises the young people to

- 1) keep close ties to the elderly of their own
- 2) respect the wishes of their elderly parents
- 3) not let the elderly of their family live by themselves
- 4) forbid their elderly relatives to raise some pets

79- Many of the elderly Americans want to

- 1) keep living in their well-known places and conditions
- 2) stay with their grandchildren in their houses
- 3) stay in their sons'or daughters' homes
- 4) live in the places that are familiar to them

80- There is enough information in the passage to answer which of the following questions?

- 1) Why do American Elderly people prefer their own privacy?
- 2) Why do young people usually cause problems for the elderly?
- 3) Why does the government treat the elderly people badly?
- 4) Why are American young people selfish?

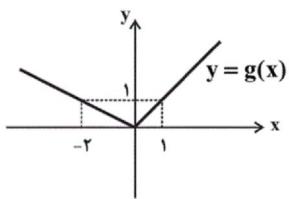
- ۸۱ - برای رسم نمودار تابع $f(x) = x^3 + 2x$ با استفاده از نمودار $g(x) = x^3$ چه تبدیل هایی باید صورت گیرد؟

$$2) 1 \text{ واحد به راست و } \frac{3}{4} \text{ واحد به پایین}$$

$$1) 1 \text{ واحد به چپ و } \frac{3}{4} \text{ واحد به بالا}$$

$$3) \frac{1}{2} \text{ واحد به پایین و } \frac{3}{4} \text{ واحد به چپ}$$

$$4) \frac{1}{2} \text{ واحد به راست و } \frac{3}{4} \text{ واحد به پایین}$$



۸۲- نمودار زیر مربوط به تابع $g(x) = f(x+1) + 1$ کدام است؟

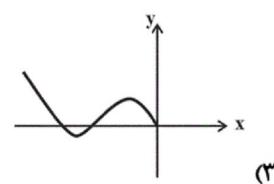
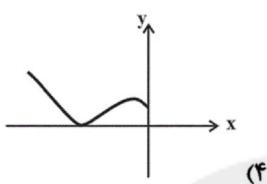
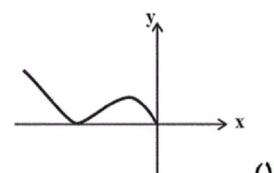
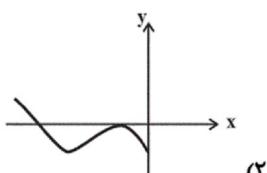
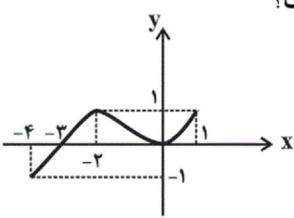
-۳ (۲)

۳ (۱)

-۱ (۴)

۱ (۳)

۸۲- اگر نمودار تابع $y = f(x)$ مطابق شکل مقابل باشد، نمودار تابع $g(x) = 1 - f(1+2x)$ کدام است؟



۸۴- نمودارهای دو تابع $y = 4 - x^4$ و $y = 2x^3 - 12x^2 + 24x - 15$ در کدام ناحیه دستگاه مختصات قطع می‌کنند؟

۲) دوم

۱) اول

۴) چهارم

۳) سوم

۸۵- اگر $g = \{(2, 1), (1, 2), (-1, 3)\}$ و $f = \{(-1, -1), (2, 4), (3, 2)\}$ باشد، کدامیک از توابع زیر نزولی است؟

gof (۲)

fog (۱)

gog (۴)

fof (۳)

سابت کنکور

۸۶- کدامیک از توابع زیر سعودی است؟ $[]$ نماد جزو صحیح است.

$$y = [x]^r \quad (۲)$$

$$y = [x^r] \quad (۱)$$

$$y = [x]x^r \quad (۴)$$

$$y = [x]x \quad (۳)$$

۸۷- تابع $f(x) = x + 2|x - 2a|$ روی بازه $(-2, 4)$ غیریکنواست. حدود a کدام است؟

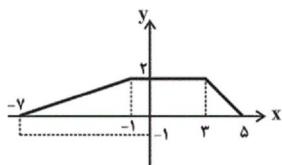
$-1 < a < 2$ (۲)

$-2 < a < 4$ (۱)

$a \geq 4$ (۴)

$a \leq -1$ (۳)

-۸۸- نمودار تابع f به صورت شکل زیر است. اگر $g(x) = \begin{cases} f(2x+1) & ; x < 1 \\ -2f(2x+1)+a & ; x \geq 1 \end{cases}$ کدام است؟



۶ (۲)

۴ (۱)

۱۰ (۴)

۸ (۳)

-۸۹- اگر باقی‌مانده تقسیم چندجمله‌ای $f(x)$ بر $x-1$ کدام است؟

-۵ (۲)

۵ (۱)

-۶ (۴)

۶ (۳)

-۹۰- اگر خارج قسمت تقسیم چندجمله‌ای $p(x) = x^4 - 5x^3 + 4x^2 + 2$ بر $x-1$ باشد، باقی‌مانده تقسیم

چندجمله‌ای $g(x)$ بر $x+1$ کدام است؟

۴ (۲)

۵ (۱)

-۵ (۴)

-۴ (۳)

-۹۱- اگر $\tan(\alpha + 70^\circ) = 3$ باشد، مقدار $\tan(65^\circ - \alpha)$ کدام است؟

 $\frac{1}{2}$ (۲) $\frac{1}{3}$ (۱)

-۳ (۴)

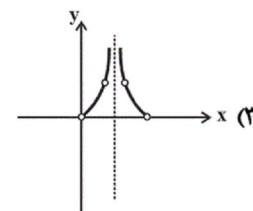
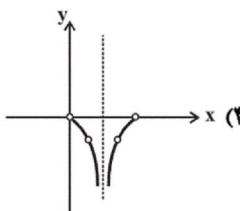
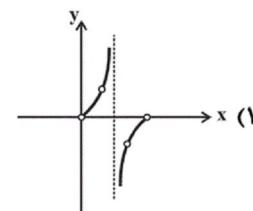
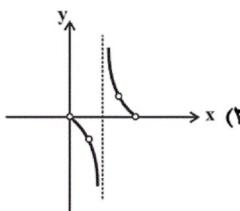
۲ (۳)

-۹۲- اگر $g(x) = 1 - \tan x$ و $f(x) = \frac{1 + \tan x}{1 + \tan^2 x}$ باشد، دوره تناوب تابع $(f \cdot g)(x)$ کدام است؟

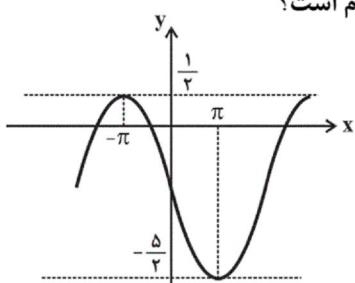
Konkur.in

 π (۲) $\frac{\pi}{8}$ (۱) $\frac{\pi}{4}$ (۴) $\frac{\pi}{2}$ (۳)

-۹۳- اگر دوره تناوب تابع $y = \frac{1}{\sin x} - \frac{1}{\tan x}$ باشد، نمودار آن روی بازه $(0, T)$ چگونه است؟



-۹۴- شکل زیر، قسمتی از نمودار تابع $f(x) = a \sin bx + c$ را نشان می‌دهد. مقدار $f\left(\frac{\pi}{3}\right)$ کدام است؟



$$-\frac{5}{4} \quad (2)$$

$$-\frac{9}{4} \quad (4)$$

$$-\frac{1}{4} \quad (1)$$

$$-\frac{7}{4} \quad (3)$$

-۹۵- اگر $\alpha \neq \frac{\pi}{2}$ باشد، حدود m کدام است؟ $\frac{\pi}{4} < \alpha < \frac{3\pi}{4}$ و $\tan \alpha = 2m - 3$

$$(-\infty, 1) \quad (2)$$

$$(1, 2) \quad (1)$$

$$\mathbb{R} - [1, 2] \quad (4)$$

$$(2, +\infty) \quad (3)$$

-۹۶- مجموع جواب‌های معادله $\tan 3x = \tan x$ در بازه $\left[-\pi, \frac{\pi}{4}\right]$ کدام است؟

$$-\frac{\pi}{2} \quad (2)$$

$$-\pi \quad (4)$$

$$-\frac{3\pi}{2} \quad (1)$$

$$-\pi \quad (3)$$

-۹۷- معادله $\cos^4 x = 1 + \sin^4 x$ در بازه $(0, \pi)$ چند جواب دارد؟

$$2 \quad (2)$$

$$4) \text{ صفر} \quad (4)$$

$$1 \quad (1)$$

$$3 \quad (3)$$

۹۸- جواب کلی معادله $\tan^3x + \tan^2x + \sqrt{3}\tan^2x\tan^3x = \sqrt{3}$ کدام است؟ ($k \in \mathbb{Z}$)

$$\frac{k\pi}{5} + \frac{\pi}{15} \quad (2)$$

$$\frac{k\pi}{5} + \frac{\pi}{10} \quad (1)$$

$$k\pi + \frac{2\pi}{15} \quad (4)$$

$$k\pi + \frac{\pi}{15} \quad (3)$$

۹۹- جواب کلی معادله $\sin^4x + \cos^4x = \cos \frac{5\pi}{3}$ کدام است؟ ($k \in \mathbb{Z}$)

$$k\pi - \frac{\pi}{4} \quad (2)$$

$$k\pi + \frac{\pi}{4} \quad (1)$$

$$\frac{k\pi}{4} \quad (4)$$

$$\frac{k\pi}{2} + \frac{\pi}{4} \quad (3)$$

۱۰۰- انتهای کمان جواب‌های معادله $2\sin^2x = 2\sin^2x - \sin 2x$ روی دایره مثلثاتی تشکیل یک چندضلعی می‌دهند. مساحت این چندضلعی کدام است؟

$$\sqrt{2} \quad (2)$$

$$\frac{1}{2} \quad (1)$$

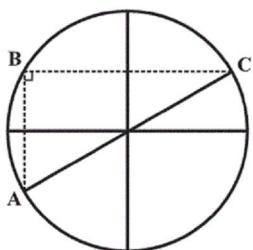
$$1 \quad (4)$$

$$2\sqrt{2} \quad (3)$$

۱۰۱- در شکل زیر میله‌های AB، BC و CD به صورت لولایی و متحرک، به هم وصل شده‌اند. نقطه D از سطح زمین چقدر فاصله دارد؟



۱۰۲- اگر مساحت مثلث ABC محاط در دایره مثلثاتی زیر، برابر $\frac{7}{9}$ واحد مربع باشد، مجموع طول و عرض نقطه A کدام است؟



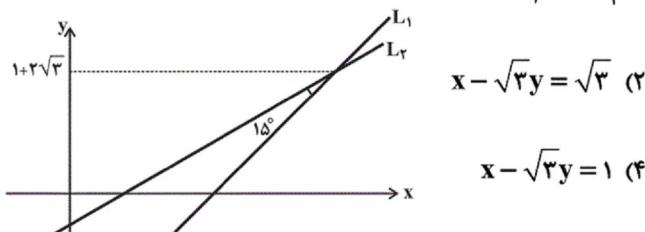
$$-1 \quad (2)$$

$$-\frac{2}{3} \quad (1)$$

$$-\frac{5}{3} \quad (4)$$

$$-\frac{4}{3} \quad (3)$$

۱۰۳- با توجه به نمودارهای دو خط $L_1 : y = x - 5$ و $L_2 : y = x - \sqrt{3}y = \sqrt{3}$ ، معادله خط L_2 کدام است؟



$$x - \sqrt{3}y = \sqrt{3} \quad (2)$$

$$\sqrt{3}x - y = 1 \quad (1)$$

$$x - \sqrt{3}y = 1 \quad (4)$$

$$\sqrt{3}x - y = \sqrt{3} \quad (3)$$

اگر $\tan^2 x + \cot^2 x = \frac{1}{\sqrt{3}}$ باشد، مقدار $\sin x + \cos x$ کدام است؟

۳۲ (۲)

۳۰ (۱)

۳۶ (۴)

۳۴ (۳)

اگر $\sin \frac{\gamma\pi}{4} \cos \frac{5\pi}{3} - \cos \frac{5\pi}{4} \sin \frac{\gamma\pi}{6}$ حاصل کدام است؟

$\frac{\sqrt{2}}{2}$ (۲)

$-\frac{\sqrt{2}}{2}$ (۱)

$\frac{\sqrt{2} + \sqrt{3}}{4}$ (۴)

$\frac{\sqrt{2} - \sqrt{3}}{4}$ (۳)

اگر $\frac{\sin 13^\circ + 2 \cos 23^\circ}{4 \sin 23^\circ + \sin 32^\circ} = a$ باشد، مقدار $\tan 40^\circ$ کدام است؟

$\frac{4a+1}{2-a}$ (۲)

$\frac{4a+3}{a+2}$ (۱)

$\frac{a+6}{\sqrt{a+5}}$ (۴)

$\frac{2a+5}{a+1}$ (۳)

اگر $\frac{\sin 12^\circ}{\sin 36^\circ} = \frac{\cos 12^\circ}{\cos 48^\circ + A}$ باشد، مقدار A کدام است؟

$-\cos 12^\circ$ (۲)

$\cos 12^\circ$ (۱)

$-2\cos 12^\circ$ (۴)

$2\cos 12^\circ$ (۳)

اگر $\sin x + 2 \cos 2x = \frac{\sqrt{5}}{2}$ باشد، مقدار $\sin \frac{x}{2} - \cos \frac{x}{2}$ کدام است؟

$\frac{5}{4}$ (۲)

۱ (۱)

Konkur.in

$\frac{3}{2}$ (۳)

اگر $\lambda \cot x = 3 \sin x$ باشد، مقدار $\sin\left(\frac{3\pi}{2} - 2x\right)$ کدام است؟

$-\frac{4}{9}$ (۲)

$\frac{7}{9}$ (۱)

$-\frac{7}{9}$ (۴)

$\frac{1}{3}$ (۳)

اگر $A = \sin 15^\circ + (\cos 1^\circ - \sin 1^\circ)(\cos \delta^\circ - \sin \delta^\circ)$ باشد، مقدار A کدام است؟

$\sin \delta^\circ$ (۲)

$\cos \delta^\circ$ (۱)

$\sin 1^\circ$ (۴)

$\cos 1^\circ$ (۳)

اگر $A = \begin{bmatrix} a & -2 \\ 1 & a \\ -2b & 2 \end{bmatrix}$ و $AB = \begin{bmatrix} a & -2 \\ 1 & a \\ -2b & 2 \end{bmatrix}$ باشد، آنگاه حاصل $a + b$ کدام است؟

- $\frac{13}{6}$ (۴)

$\frac{13}{6}$ (۳)

- $\frac{5}{6}$ (۲)

$\frac{5}{6}$ (۱)

اگر $A^{-1} = \begin{bmatrix} \frac{1}{2} & -\frac{1}{2} \\ \frac{1}{2} & \frac{1}{2} \end{bmatrix}$ باشد، آنگاه مجموع درایه‌های ماتریس A^{12} کدام است؟

-۲۵۶ (۲)

۲۵۶ (۴)

-۱۲۸ (۱)

۱۲۸ (۳)

اگر دستگاه معادلات $\begin{bmatrix} 2 \\ -1 \end{bmatrix}$ دارای جواب منحصر به فرد باشد، آنگاه مجموع درایه‌های وارون ماتریس

ضرایب این دستگاه کدام است؟

- $\frac{3}{2}$ (۲)

-۳ (۴)

۳ (۱)

$\frac{3}{2}$ (۳)

اگر دستگاه معادلات $\begin{cases} k^2x - 3y = -2k + 3 \\ 3x + (k^2 - 10)y = 3 \end{cases}$ بی‌شمار جواب داشته باشد، آنگاه مجموع مقادیر k کدام است؟

-۲ (۲)

۲ (۱)

-۴ (۴)

۴ (۳)

اگر دترمینان دو ماتریس $\begin{bmatrix} 3 & 2 & 4 \\ k & 1 & -2 \\ 0 & 1 & -1 \end{bmatrix}$ و $\begin{bmatrix} 3 & 2 & 4 \\ k & 1+a & -2+b \\ 0 & 1 & -1 \end{bmatrix}$ برابر صفر باشد، کدام رابطه زیر همواره صحیح است؟

$a + b = 1$ (۲)

$a - b = 0$ (۱)

$a - b = 1$ (۴)

$a + b = 0$ (۳)

اگر $\tan 2\alpha = -2$ باشد، آنگاه دترمینان ماتریس $A = \begin{bmatrix} 4(\sin\alpha + \cos\alpha) & 4\cos\alpha \\ 0 & 1 \\ 5\sin\alpha & 4(\sin\alpha - \cos\alpha) \end{bmatrix}$ کدام است؟

$\cos 2\alpha$ (۲)

$-\cos 2\alpha$ (۱)

$-\sin 2\alpha$ (۴)

$\sin 2\alpha$ (۳)

۱۱۷- خط d و نقطه A واقع بر آن مفروض‌اند. مکان هندسی مراکز دایره‌هایی در صفحه که در نقطه A بر خط d مماس هستند،

کدام است؟

۲) دو خط موازی

۱) دو خط عمود بر هم

۴) یک دایره

۳) یک خط

۱۱۸- مستطیلی به طول اضلاع ۶ و ۹ و سکه‌ای به شعاع ۲ مفروض‌اند. سکه را روی مستطیل پرتاب می‌کنیم. اگر مرکز سکه درون

مستطیل باشد، مساحت مکان هندسی مرکز سکه به شرط آنکه بخشی از سکه داخل مستطیل و بخشی از آن خارج مستطیل

قرار داشته باشد، کدام است؟

۲۶) ۲

۱۰)

۴۴) ۴

۲۸)

۱۱۹- در کدام یک از چهار ضلعی‌های زیر، مکان هندسی نقاطی از صفحه که از تمامی اضلاع آن چهار ضلعی به یک فاصله هستند،

همواره غیرتھی است؟

۲) متوازی‌الاضلاع

۱) مستطیل

۴) کایت

۳) ذوزنقه متساوی‌الساقین

۱۲۰- در مثلث ABC ، ضلع BC و طول میانه وارد بر این ضلع ثابت هستند. مکان هندسی نقطه همرسی میانه‌های مثلث ABC

کدام است؟

۲) خطی عمود بر BC

۱) دو خط موازی با BC

۴) دایره‌ای به مرکز وسط ضلع BC

۳) دایره‌ای مماس بر BC

۱۲۱- اگر عدد a مضرب ۵ نباشد، آنگاه باقی‌مانده تقسیم عدد a^4 بر ۵، چند مقدار مختلف می‌تواند داشته باشد؟

سایت کنکور

۱)

۴)

۳)

۱۲۲- اگر دو رقم سمت راست اعداد $8 + 50a$ و $-162 - 180a$ با هم برابر باشند، آنگاه رقم یکان عدد $1 - 2a$ کدام است؟

۳)

۱)

۹)

۷)

۱۲۳- اگر $6q + 3$ با k کدام مجموعه $A - B$ باشد، آنگاه مجموعه $B = \{k \in \mathbb{Z} \mid 3 \nmid k\}$ و $A = \{k \in \mathbb{Z} \mid 2 \nmid k\}$ زیر برابر است؟

$$\{6q + 3 \mid q \in \mathbb{Z}\}$$

$$\{3q \mid q \in \mathbb{Z}\}$$

$$\{2q + 1 \mid q \in \mathbb{Z}\}$$

$$\{6q \pm 1 \mid q \in \mathbb{Z}\}$$

۱۲۴- اگر a عددی طبیعی و بزرگتر از یک باشد، به گونه‌ای که $5 - 5|6n - 5$ و $a^3|3n - 5$ آنگاه چند مقدار برای a وجود دارد؟

$(n \in \mathbb{N})$

۱) ۲

۱) هج

۴) ۴

۲) ۳

۱۲۵- به چند طریق می‌توان به وسیله ظرف‌های ۳ و ۷ لیتری غیر مدرج، ۸۰ لیتر آب را از یک تانکر تخلیه کرد؟

۴) ۲

۳) ۱

۶) ۴

۵) ۳

۱۲۶- اگر x و y دو عدد صحیح و $7x + 11y = 23$ باشد، آنگاه $x + y$ کدام‌یک از مقادیر زیر می‌تواند باشد؟

۱۴) ۲

۱۳) ۱

۱۶) ۴

۱۵) ۳

۱۲۷- به ازای کدام مقدار b ، معادله سیاله $a^2 + 1)x + (4a + 2)y = b$ در \mathbb{Z} دارای جواب است؟

۴۵) ۲

۳۰) ۱

۸۰) ۴

۷۵) ۳

۱۲۸- به ازای کدام مقدار m ، رابطه همنهشتی $12^{10} - 7^{10} \equiv m^{35} \pmod{35}$ برقرار است؟

۵۵) ۲

۴۵) ۱

۶۵) ۴

۶۰) ۳

سایت کنکور

Konkur.in

۱۲۹- به ازای چند عدد طبیعی دو رقمی x ، رابطه همنهشتی $7 - 8x \equiv x^2 \pmod{10}$ برقرار است؟

۲۰) ۲

۱۰) ۱

۴۰) ۴

۳۰) ۳

۱۳۰- به ازای کدام مقدار y ، هیچ عدد پنج رقمی‌ای به صورت $582yx$ وجود ندارد که مضرب ۱۱ باشد؟

۵ (۲)

۳ (۱)

۹ (۴)

۷ (۳)

۱۳۱- در مثلث متساوی‌الساقین ABC ، $AB = AC$, $\hat{A} = 45^\circ$ است، اگر مجموع فواصل نقطه دلخواه D واقع بر قاعده BC از

دو ساق مثلث برابر $2\sqrt{2}$ باشد، آنگاه مساحت مثلث ABC کدام است؟

۸ (۴)

$4\sqrt{2}$ (۳)

۴ (۲)

$2\sqrt{2}$ (۱)

۱۳۲- در مثلث متساوی‌الاضلاع به مساحت $3\sqrt{3}$. اگر فاصله نقطه M درون مثلث از اضلاع AB و AC به ترتیب برابر $\frac{3}{8}$ و

باشد، آنگاه فاصله نقطه M از ضلع BC کدام است؟

$\frac{7}{4}$ (۴)

$\frac{5}{4}$ (۳)

$\frac{3}{4}$ (۲)

$\frac{1}{4}$ (۱)

۱۳۳- در ذوزنقه قائم‌الزاویه $ABCD$ ، $\hat{A} = \hat{D} = 90^\circ$ است. اگر $AD = ۳$ ، $AB = ۲$ ، $CD = ۴$ و O محل تلاقی قطرها باشد، آنگاه

مساحت مثلث OBC کدام است؟

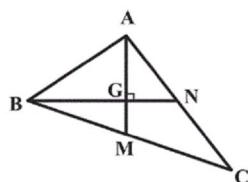
۴ (۴)

۳ (۳)

$2/5$ (۲)

۲ (۱)

۱۳۴- در شکل زیر، G نقطه همروزی میانه‌های مثلث ABC است. اگر $CN = ۵$ و $GM = ۲$ باشد، آنگاه مساحت مثلث ABC



کدام است؟

۱۸ (۲)

۱۲ (۱)

Konkur.in

۲۴ (۳)

۱۳۵- اگر تعداد نقاط مرزی، درونی و مساحت یک چندضلعی شبکه‌ای به ترتیب ۴ ، ۳ و ۴ برابر یک چندضلعی شبکه‌ای دیگر باشد،

حداقل مساحت چندضلعی شبکه‌ای کوچکتر کدام است؟

$4/5$ (۴)

۴ (۳)

$۳/۵$ (۲)

۳ (۱)

۱۳۶- از جعبه‌ای که ۶ مهره سفید و ۱۰ مهره سیاه دارد، مهره‌ای خارج می‌کنیم و بعد از رؤیت رنگ مهره، آن را به همراه دو مهره از

رنگ مخالف به جعبه بر می‌گردانیم و سپس مهره‌ای دیگر از جعبه خارج می‌کنیم. احتمال آنکه رنگ هر دو مهره خارج شده از

جعبه سفید باشد، کدام است؟

$\frac{3}{8}$ (۴)

$\frac{1}{4}$ (۳)

$\frac{3}{16}$ (۲)

$\frac{1}{8}$ (۱)

۱۳۷- دو جعبه داریم که اولی دارای یک لامپ سالم و ۲ لامپ معیوب و دومی دارای ۶ لامپ سالم و ۳ لامپ معیوب است. از جعبه اول یک لامپ به تصادف انتخاب کرده و در جعبه دوم قرار می‌دهیم و سپس ۲ لامپ به تصادف از جعبه دوم خارج می‌کنیم. احتمال آنکه لامپ‌های خارج شده از جعبه دوم هر دو سالم یا هر دو معیوب باشند، کدام است؟

$$\frac{24}{45} \quad (4)$$

$$\frac{22}{45} \quad (3)$$

$$\frac{12}{45} \quad (2)$$

$$\frac{11}{45} \quad (1)$$

۱۳۸- در یک خانواده چهار فرزندی، تعداد پسرها و دخترها برابر نیست. احتمال آنکه جنسیت دو فرزند اول خانواده یکسان باشد، کدام است؟

$$\frac{3}{5} \quad (4)$$

$$\frac{1}{2} \quad (3)$$

$$\frac{2}{5} \quad (2)$$

$$\frac{3}{10} \quad (1)$$

۱۳۹- برای دو پیشامد A و B ، اگر $P(A|B) = P(B|A) = 0.6$ و $P(B) = 0.8$ کدام است؟

$$0/5 \quad (4)$$

$$0/4 \quad (3)$$

$$0/3 \quad (2)$$

$$0/2 \quad (1)$$

۱۴۰- جعبه‌ای محتوی ۶ مهره با شماره‌های ۱ تا ۶ است. یک مهره به تصادف از جعبه خارج می‌کنیم و پس از رؤیت شماره آن، مهره‌های با شماره کوچکتر از آن را نیز از جعبه خارج کرده و سپس مهره دیگری در صورت امکان از جعبه انتخاب می‌کنیم. اگر شماره دومین مهره خارج شده تصادفی ۴ باشد، با کدام احتمال شماره اولین مهره خارج شده ۲ بوده است؟

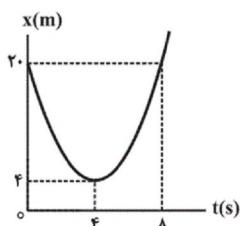
$$\frac{21}{47} \quad (4)$$

$$\frac{18}{47} \quad (3)$$

$$\frac{15}{47} \quad (2)$$

$$\frac{12}{47} \quad (1)$$

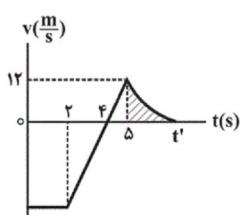
۱۴۱- نمودار مکان - زمان متوجهی که روی خطی راست حرکت می‌کند، مطابق سهمی شکل زیر است. شتاب متوسط متوجه در بازه زمانی $t=2s$ تا $t=6s$ چند متر بر مجدور ثانیه است؟



$$2(4) \quad 8(2)$$

$$16(1) \quad 4(3)$$

۱۴۲- نمودار سرعت - زمان متوجهی که در مسیوی مستقیم در حال حرکت است، مطابق شکل زیر است. اگر مساحت قسمت هاشورخورده برابر با ۱۵ واحد SI باشد و متوجه در شروع حرکت از مکان $x=-5m$ عبور کند، مکان متوجه در لحظه t' برابر با چند متر است؟



$$-51(2) \quad -46(1)$$

$$-61(4) \quad -56(3)$$

۱۴۳- متحرکی که با شتاب ثابت در مسیری مستقیم در حال حرکت است، طی مدت یک دقیقه سرعت خود را از $\frac{\text{km}}{\text{h}}$ -۳۶ به

$\frac{\text{km}}{\text{h}}$ ۷۲ می‌رساند. مسافت طی شده توسط متحرک طی این مدت برابر با چند متر است؟

۱۴۴۰ (۴)

۱۰۸۰ (۳)

۵۰۰ (۲)

۳۰۰ (۱)

۱۴۴- معادله سرعت متحرکی که در مسیری مستقیم در حال حرکت است در SI به صورت $v = At + B$ می‌باشد. اگر سرعت متوسط

این متحرک در ۲ ثانیه سوم حرکت برابر با $\frac{\text{m}}{\text{s}}$ -۲۰ و سرعت متوسط آن در دو ثانیه بعدی حرکت برابر با $\frac{\text{m}}{\text{s}}$ -۸ باشد، شتاب

حرکت متحرک چند متر بر مجدور ثانیه است؟

۸ (۴)

۶ (۳)

۴ (۲)

۲ (۱)

۱۴۵- در شرایط خلا، گلوله‌ای از ارتفاع h از سطح زمین رها می‌شود. اگر سرعت گلوله در فاصله‌های $\frac{h}{4}$ و $\frac{h}{5}$ از سطح زمین برابر با

v_1 و v_2 باشد، ارتفاع h کدام است؟

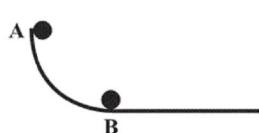
$$\frac{5(v_2^r - v_1^r)}{g} \quad (۲)$$

$$\frac{v_2^r - v_1^r}{2g} \quad (۱)$$

$$\frac{v_2^r - v_1^r}{g} \quad (۴)$$

$$\frac{10(v_2^r - v_1^r)}{g} \quad (۳)$$

۱۴۶- مطابق شکل زیر، گلوله‌ای به جرم m بر روی سطحی کاملاً صیقلی از نقطه A رها می‌شود. هنگامی که گلوله از نقطه B روی



مسابقات کنکور

سطح افقی می‌گذرد، کدام گزینه صحیح است؟

۱) نیروی خالص وارد بر آن صفر است.

۲) نیروی خالص وارد بر آن رو به بالا است.

۳) نیروی خالص وارد بر آن به طرف راست است.

۴) نیروی خالص وارد بر آن به طرف پایین است.

۱۴۷- شخصی به جرم 60kg درون آسانسوری که با شتاب ثابت $\frac{\text{m}}{\text{s}^2}$ در حال حرکت است، روی ترازوی فنری ایستاده است. ترازو

چه عددی را بر حسب نیوتون نشان می‌دهد؟

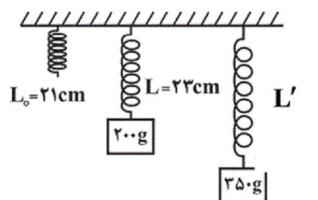
۴۸۰ (۲)

۷۲۰ (۱)

۴) بسته به نوع حرکت آسانسور، گزینه‌های «۱» و «۲» می‌تواند درست باشد.

۶۰۰ (۳)

۱۴۸- مطابق شکل زیر، یک فنر در سه حالت مختلف در حال تعادل نشان داده شده است. L' چند سانتی‌متر است؟ (جرم فنر ناچیز است).



۲۴/۵ (۲)

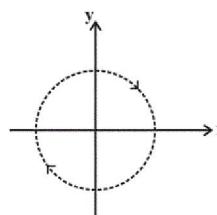
۲۵/۵ (۴)

۳/۵ (۱)

۴/۵ (۳)

۱۴۹- مطابق شکل زیر، متوجهی روی یک دایره با دوره $T = 4\pi$ حرکت دایره‌ای یکنواخت در جهت مشخص شده انجام می‌دهد. اگر بردار

شتاب مرکزگرا در یک لحظه به صورت $\vec{a} = 18\hat{a}_c$ باشد، سه ثانیه بعد بردار سرعت کدام است؟ ($\pi = 3$ و تمام واحدها در SI هستند).

-8 \hat{j} (۲)-12 \hat{j} (۴)8 \hat{i} (۱)12 \hat{i} (۳)

۱۵۰- ماهواره‌های A و B به طور یکنواخت در حال دوران به دور زمین هستند. اگر بزرگی تکانه ماهواره A دو برابر بزرگی تکانه

ماهواره B و شعاع مدار ماهواره A، نصف شعاع مدار ماهواره B باشد، حاصل $\frac{m_A}{m_B}$ کدام است؟

۴ (۴)

 $\sqrt{2}$ (۳) $\frac{\sqrt{2}}{2}$ (۲)

۱ (۱)

۱۵۱- ظرفی حاوی مایعی رنگین که با آهنگ ثابتی چکه می‌کند را مطابق شکل زیر، روی یک ماشین بازی کوک شده می‌گذاریم و آن را



به حرکت در می‌آوریم. با توجه به شکل، نوع حرکت ماشین بازی الزاماً کدام است؟

۲) حرکت شتابدار با سرعتی در حال افزایش

۱) حرکت با تندی ثابت

۳) حرکت شتابدار با سرعتی در حال کاهش

۱۵۲- متوجهی که روی خط راست و در یک جهت حرکت می‌کند، $\frac{1}{3}$ مسیر را با سرعت متوسط 15 m/s و باقی مسیر را با سرعت

متوسط 10 m/s می‌پیماید. سرعت متوسط در تمام مسیر چند متر بر ثانیه است؟

۱۲/۵ (۲)

 $\frac{45}{4}$ (۴) $\frac{25}{3}$ (۱) $\frac{45}{2}$ (۳)

۱۵۳- متحرکی که با شتابی ثابت و در مسیری مستقیم حرکت می‌کند، در هر ۲ ثانیه یک متر کم تر از ۲ ثانیه قبل می‌پیماید. اگر این متحرک

پس از ۴۵۰ متر جابه‌جایی متوقف شود، اندازه سرعت اولیه آن چند متر بر ثانیه بوده است؟

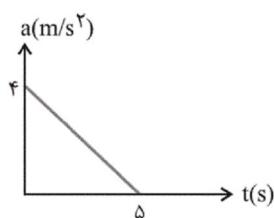
۱۵ (۲)

۰/۵ (۱)

۲۲۴/۵ (۴)

۳۰ (۳)

۱۵۴- متحرکی با سرعت اولیه 6 m/s در مسیر مستقیم به حرکت در می‌آید و نمودار شتاب- زمان آن به صورت زیر است. حرکت این



متحرک در فاصله زمانی نشان داده شده چگونه است؟

(۲) پیوسته تندشونده

(۱) پیوسته کندشونده

(۴) کندشونده و سپس تندشونده

(۳) تندشونده و سپس کندشونده

۱۵۵- متحرکی با سرعت ثابت 5 m/s و متحرک دیگر با سرعت ثابت 15 m/s در یک مسیر مستقیم به طرف یکدیگر حرکت

می‌کنند. در لحظه‌ای که فاصله آن‌ها از یکدیگر برابر با 250 m است، متحرک اول با شتاب 2 m/s^2 سرعت خود را زیاد و

متحرک دوم با شتاب 1 m/s^2 سرعت خود را کم می‌کند. این دو متحرک پس از چند ثانیه به هم می‌رسند؟

۱۰ (۲)

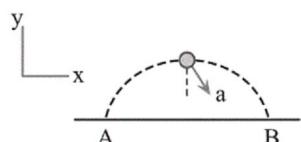
۵۰ (۱)

۲۰ (۴)

۴۰ (۳)

۱۵۶- شکل زیر، مسیر حرکت و جهت شتاب وارد بر توپ فوتbalی را در بالاترین نقطه مسیرش نشان می‌دهد. اگر جرم توپ 400 g و

اندازه شتاب حرکت توپ در این لحظه $a = 12/5 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$ باشد، اندازه نیروی مقاومت هوا در این لحظه چند نیویتون و جهت حرکت



توپ کدام است؟ $(g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}})$

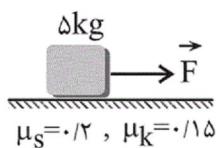
(۲) ۳، در خلاف جهت محور X

(۱) ۳، در جهت محور X

(۴) ۵، در خلاف جهت محور X

(۳) ۵، در جهت محور X

۱۵۷- مطابق شکل، جسمی به جرم $m = 5 \text{ kg}$ روی سطح افقی ساکن است و نیروی افقی و متغیر با زمان $F = 3t + 2$ نیوتون به آن وارد می‌شود. اگر $\mu_s = 0/2$ و $\mu_k = 0/15$ باشد، در لحظه $t = 2\text{s}$ ، اندازه نیروی اصطکاک بین جسم و سطح افقی چند نیوتون است؟ (g = ۱۰ N/kg)



۸ (۲)

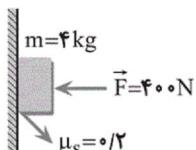
(g = ۱۰ N/kg) است؟

۱۰ (۱)

۶ (۴)

۷/۵ (۳)

۱۵۸- مطابق شکل زیر، جسمی به جرم ۴ kg را با نیروی افقی و ثابت \bar{F} به یک دیوار قائم می‌فشاریم. در صورتی که جسم روی دیوار حرکت نکند، اندازه نیروی اصطکاک وارد بر جسم چند نیوتون است؟ (g = ۱۰ m/s² و $\mu_s = 0/2$)



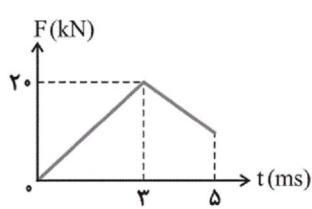
۸۰ (۲)

۵۰ (۱)

۶۵ (۴)

۴۰ (۳)

۱۵۹- شکل روبرو، منحنی نیروی خالص بر حسب زمان را برای جسم متحرکی نشان می‌دهد. تغییر تکانه جسم و نیروی خالص متوسط وارد بر آن در ۳ میلی ثانیه اول حرکتش به ترتیب از راست به چپ در SI چه قدر است؟



وارد بر آن در ۳ میلی ثانیه اول حرکتش به ترتیب از راست به چپ در SI چه قدر است؟

۱۰۰۰۰، ۱۵ (۲)

۱۰۰۰۰، ۳۰ (۱)

۳۰، ۱۰ (۴)

۱۵، ۳ (۳)

۱۶۰- جسمی به جرم m در فاصله R از سطح زمین قرار دارد. چنانچه جسم به اندازه R و در راستای قائم از سطح زمین دورتر شود، نیروی گرانشی که از طرف زمین بر آن وارد می‌شود تقریباً چند درصد تغییر می‌کند؟

Konkur.in

نیروی گرانشی که از طرف زمین بر آن وارد می‌شود تقریباً چند درصد تغییر می‌کند؟

۲) ۵۵/۵ درصد کاهش می‌یابد.

۱) ۲۵ درصد افزایش می‌یابد.

۴) ۵۵/۵ درصد افزایش می‌یابد.

۳) ۲۵ درصد کاهش می‌یابد.

۱۶۱- چگالی مقدار معینی گاز کامل اکسیژن در فشار ۴atm و دمای ۴۷°C چند برابر چگالی آن در فشار ۲atm و دمای ۲۷°C است؟

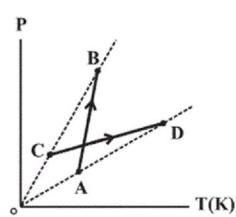
۵۴ (۴)

۱۵ (۳)

۸ (۲)

۱ (۱)

۱۶۲- مقداری گاز کامل محبوس در یک سیلندر، فرایندهای AB و CD را به طور جداگانه طی می‌کند. در هر یک از فرایندهای AB

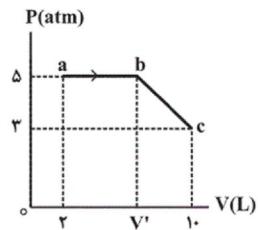


و CD علامت کار انجام شده روی گاز به ترتیب از راست به چپ کدام است؟

(۱) منفی، منفی (۲) مثبت، منفی

(۳) مثبت، مثبت (۴) منفی، مثبت

۱۶۳- نمودار $P - V$ فرایندهایی که مقدار معینی گاز کامل تکاتمی طی می‌کند، مطابق شکل زیر است. تغییرات انرژی درونی گاز طی

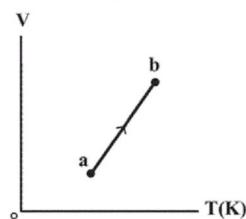


$$(C_V = \frac{3}{2}R) \text{ atm} = 10^5 \text{ Pa}$$

مسیر a تا c برابر با چند ژول است؟ (۱) ۲۴۰۰ (۲) ۳۰۰۰

(۳) ۳۶۰۰ (۴) به V' بستگی دارد.

۱۶۴- نمودار $V - T$ فرایندی که یک مول گاز کامل طی می‌کند، مطابق شکل زیر است. کدامیک از عبارت‌های زیر در مورد فرایند



ab صحیح است؟

(۱) فشار گاز افزایش یافته است.

(۳) انرژی درونی گاز کاهش یافته است.

۱۶۵- به مقدار معینی گاز کامل تکاتمی طی یک فرایند هم‌فشار، مقدار $J_0 = 40$ گرم‌ما می‌دهیم، تغییرات انرژی درونی گاز برابر با چند

$$\left(C_V = \frac{3}{2}R \right)$$

(۱) ۱۶۰ (۲) -۱۶۰ (۳) ۲۴۰ (۴) -۲۴۰

۱۶۶- در کدامیک از فرایندهای ترمودینامیکی آرمانی زیر، با آن که دستگاه از محیط گرما دریافت می‌کند، ولی انرژی درونی آن ثابت

است؟

(۱) هم‌فشار (۲) بی‌دروج (۳) هم‌حجم (۴) هم‌دمای

۱۶۷- اگر حجم مقدار معینی گاز کامل طی یک فرایند بی‌دروج از $4L$ به $3L$ برسد، کار انجام شده بر روی گاز و تغییرات انرژی درونی

آن به ترتیب برابر با W_1 و ΔU_1 است. اگر حجم همین گاز طی فرایندی هم‌دمای از $4L$ به $3L$ برسد، کار انجام شده بر روی گاز

و تغییرات انرژی درونی آن به ترتیب برابر با W_2 و ΔU_2 است. کدام رابطه درست است؟

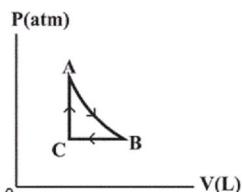
$$\Delta U_1 > \Delta U_2 \text{ و } W_1 < W_2 \quad (۱)$$

$$\Delta U_1 < \Delta U_2 \text{ و } W_1 > W_2 \quad (۲)$$

$$\Delta U_1 = \Delta U_2 \text{ و } W_1 = W_2 \quad (۳)$$

۱۶۸- در چرخهٔ شکل زیر که توسط مقدار معینی گاز کامل طی می‌شود، فرایند AB فرایندی هم‌دما است. اگر تغییر انرژی درونی گاز طی

فرایند CA برابر با 200 J و اندازهٔ کار انجام شده روی گاز در فرایند BC برابر با 400 J باشد، گاز در فرایند BC



۲) 600 J گرم‌اوز دست می‌گیرد.

۴) 200 J گرم‌اوز دست می‌گیرد.

۱) 600 J گرم‌اوز دست می‌دهد.

۳) 200 J گرم‌اوز دست می‌دهد.

۱۶۹- بازدهٔ یک ماشین گرمایی کارنو برابر با $\frac{1}{3}$ است. اگر با ثابت نگهداری دمای منبع گرم، دمای مطلق منبع سرد را 20°C درصد

کاهش دهیم، بازدهٔ این ماشین چگونه تغییر می‌کند؟

۱) 20% کاهش می‌یابد.

۴) 14% کاهش می‌یابد.

۲) 20% افزایش می‌یابد.

۳) 14% افزایش می‌یابد.

۱۷۰- $5\text{ لیتر آب }10^\circ\text{C}$ را درون یخچالی با توان خروجی 188 W و ضریب عملکرد 4 قرار می‌دهیم تا به یخ صفر درجهٔ سلسیوس

تبدیل شود. اگر همهٔ توان خروجی یخچال صرف سرد شدن و یخ بستن آب شود، تقریباً چند ساعت طول می‌کشد تا تمامی آب

$$(L_F = 334 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}}, c_p = 4 / 2 \frac{\text{kJ}}{\text{kgK}}, \rho_{\text{آب}} = 1 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3})$$

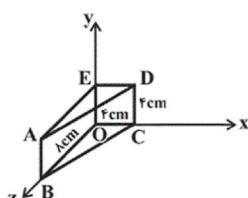
۰/۷ (۴)

۳/۶ (۳)

۴۱/۵ (۲)

۲۵۰۰ (۱)

۱۷۱- در شکل زیر اگر میدان مغناطیسی یکنواختی به بزرگی $T/3^\circ$ در جهت محور X وجود داشته باشد، شار مغناطیسی عبوری از



سطح ABCD برابر با چند میلی‌ویر است؟

۰/۹۶ (۲)

۰/۳۲ (۴)

۱) صفر

۱/۲۸ (۳)

۱۷۲- سطح پیچهٔ مسطوحی به شعاع 5 cm که شامل 1000 دور حلقه است، عمود بر خط‌های میدان مغناطیسی متغیری قرار دارد که در

مدت $15/0$ از 40°G تغییر جهت داده و به $0/4^\circ\text{T}$ در جهت مخالف می‌رسد. بزرگی نیروی حرکة القایی متوسط پیچه برابر

با چند ولت است؟ ($\pi = 3$)

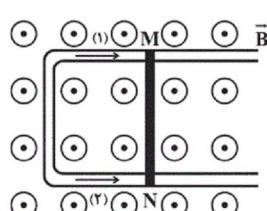
۴/۵ (۴)

۶/۳ (۳)

۱۲ (۱)

۱۷۳- مطابق شکل زیر، سیم MN با مقاومت 2Ω بر روی قاب مستطیل شکلی با تنیدی ثابت در میدان مغناطیسی یکنواختی به بزرگی

$$B = 1/6 \times 10^{-2} \text{ T}^{\text{m}^2/\text{s}}$$



یابد، جریان القایی در سیم چند میلی‌آمپر و در کدام جهت است؟

(۱)، ۱۲ (۲)

(۲)، ۱۲ (۴)

(۲)، ۲۴ (۱)

(۱)، ۲۴ (۳)

۱۷۴- مطابق شکل زیر، یک حلقة رسانا در مجاورت یک سیم حامل جریان در صفحه کاغذ قرار گرفته است. با ایجاد کدام تغییرات،

جهت جریان القایی در حلقة پاد ساعتگرد خواهد بود؟



۴) ب و پ

ب) افزایش جریان سیم

ت) نزدیک کردن حلقة به سیم

۳) الف و ت

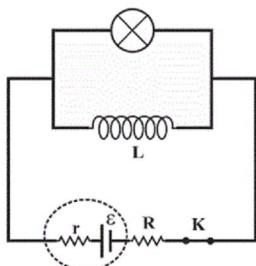
الف) کاهش جریان سیم

پ) دور کردن حلقة از سیم

۲) ب و ت

۱) الف و پ

۱۷۵- در مدار شکل زیر مقاومت القاگر برابر با صفر است. اگر کلید K را باز کنیم، نور لامپ چگونه تغییر می‌کند؟



۱) خاموش می‌ماند.

۲) روشن می‌شود و روشن می‌ماند.

۳) روشن می‌شود و به تدریج خاموش می‌شود.

۴) به تدریج روشن و فوراً خاموش می‌شود.

۱۷۶- با سیمی به قطر $1/5\text{mm}$ ، سیم‌لوله‌ای آرمانی به طول $13/5\text{cm}$ و شاعع $2/5\text{cm}$ می‌سازیم به طوری که حلقه‌های سیم بدون

فاصله و در کنار هم در یک ردیف قرار گرفته‌اند. ضریب القاوری سیم‌لوله چند میلی‌هانتری است؟ $(\frac{T \cdot m}{A} = 4\pi \times 10^{-7})$

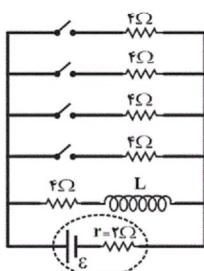
$$(\pi^r = 10)$$

۱۵) ۴

۰/۱۵) ۳

۰/۱۵ $\times 10^{-1}$) ۲

۰/۱۵ $\times 10^{-3}$) ۱



۱۷۷- در مدار مقابل، مقاومت الکتریکی القاگر برابر با صفر و انرژی ذخیره شده در آن $8\text{J}/0$ می‌باشد. چه تعداد از کلیدها را ببینید تا انرژی ذخیره شده در القاگر، $35\text{J}/0$ کاهش یابد؟

۲) ۲

۱) ۱

۴) ۴

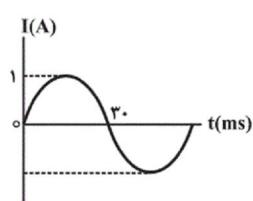
۳) ۳

۱۷۸- معادله شار مغناطیسی عبوری از حلقه‌های رسانا به صورت $\Phi = \Phi_m \cos\left(\frac{2\pi}{T}t\right)$ است. در بازه زمانی‌ای که شار مغناطیسی از

$(-\Phi_m)$ به صفر می‌رسد، جریان القایی در حلقة رسانا چگونه تغییر می‌کند؟

۱) از I_m به صفر می‌رسد. ۲) از $(-I_m)$ به صفر می‌رسد. ۳) از صفر به I_m می‌رسد. ۴) از صفر به $(-I_m)$ می‌رسد.

۱۷۹- شکل زیر نمودار جریان متناوب سینوسی عبوری از مقاومت $R=1\Omega$ را نشان می‌دهد. توان مصرفی در این مقاومت در لحظه



$t = 10\text{ms}$ برابر با چند وات است؟

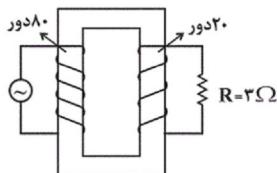
۲/۵) ۲

۷/۵) ۱

۵) ۵

۱۰) ۳

۱۸۰- اگر در مبدل آرمانی شکل زیر، بیشینه ولتاژ دو سر مولد برابر با $12V$ باشد، بیشینه توان مصرفی مقاومت چند وات است؟



۳ (۲)

۱/۵ (۱)

۹ (۴)

۶ (۳)

۱۸۱- کدام گزینه نادرست است؟

۱) صابون‌ها در آب‌هایی که میزان یون‌های کلسیم و منیزیم بالایی دارند، خوب کف نمی‌کنند.

۲) پاک‌کننده‌های خورنده همچون پاک‌کننده‌های غیرصابونی با آلینده‌ها واکنش می‌دهند.

۳) کلوبید مخلوطی ناهمگن، حاوی توده‌های مولکولی با اندازه‌های متفاوت است.

۴) برای از بین بردن جوش‌های صورت صابون گوگرددار، و برای افزایش قدرت ضدغونی کنندگی، صابون حاوی مواد کلردار توصیه می‌شود.

۱۸۲- کدام گزینه نادرست است؟

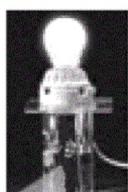
۱) شیمی‌دان‌ها پیش از شناخته شدن ساختار اسیدها و بازها، با برخی ویژگی‌ها و واکنش‌های بین این مواد آشنا بودند.

۲) با حل کردن یک مول دی‌نیتروژن پنتا اکسید جامد درون 20°C میلی‌لیتر آب، ۴ مول یون تولید می‌شود.

۳) با حل کردن دو مول سدیم اکسید در 1°C لیتر آب، غلظت یون‌های تولید شده برابر 8 Molar می‌شود.

۴) رسانایی الکتریکی محلول اسید قوی در دمای یکسان، همواره بیشتر از محلول اسید ضعیف است.

۱۸۳- با توجه به شکل رو به رو از حل شدن ماده A در آب لامپ پر نوری حاصل شده است. چند مورد از عبارت‌های زیر در رابطه با A



همواره صحیح است؟

الف) اگر A ماده‌ای اسیدی باشد، ثابت یونش آن بیشتر از ثابت یونش اسید موجود در ریواس است.

ب) A می‌تواند لیتیم اکسید یا باریم اکسید باشد.

پ) حل شدن تمام ترکیب‌های هیدروژن‌دار هالوژن‌دار شکلی را بده وجود آورد.

ت) با حل شدن A در آب، pH محلول حاصل همواره کمتر از ۷ خواهد بود.

۳ (۴)

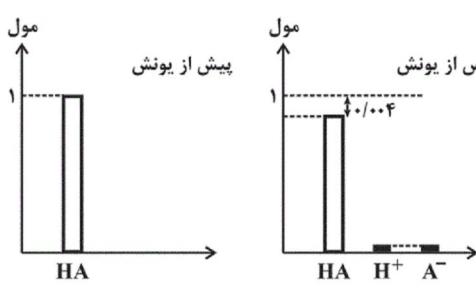
۲ (۳)

۱ (۲)

۱) صفر

-۱۸۴ HA اسیدی ضعیف است و نمودارهای زیر تعداد مول گونه‌های موجود در محلول این اسید را پیش و پس از یونش نشان می‌دهند. با توجه به این نمودارها مقدار تقریبی ثابت یونش اسید و pH محلول به ترتیب از راست به چپ کدامند؟ (حجم ظرف

($\log 2 \approx 0.3$)



(۱) 2×10^{-9} و 2×10^{-7}

(۲) 1×10^{-5} و 2×10^{-7}

(۳) 8×10^{-6} و 2×10^{-4}

(۴) 1×10^{-5} و 2×10^{-4}

-۱۸۵ ۱۰۰ میلی‌لیتر محلول اسید ضعیف HA با درجه یونش $2/0$ و $pH = 2$ در واکنش با چند گرم جوش شیرین ناخالص با خلوص

($Na = 23, O = 16, C = 12, H = 1 : g \cdot mol^{-1}$) بهطور کامل خنثی می‌شود؟ (ناخالصی‌ها با اسید واکنش نمی‌دهند، $100\% \text{ NaOH}$ با اسید خنثی می‌شود)

(۱) ۰/۸۲۱ (۲)

۰/۵۲۵ (۱)

۰/۹۳۶ (۴)

۰/۶۱۴ (۳)

-۱۸۶ اگر در یک نمونه محلول سدیم هیدروکسید در دمای اتاق، غلظت مولار یون هیدروکسید $4 \times 10^{-8} M$ برابر غلظت مولار یون

هیدرونیوم باشد، pH این محلول کدام است؟ ($\log 5 = 0.7$)

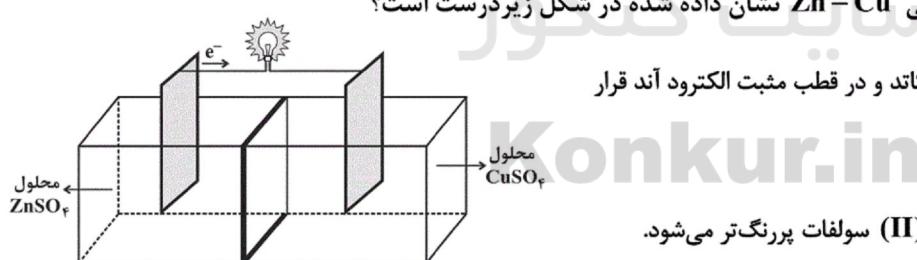
۱۱/۳ (۲)

۱۱/۷ (۱)

۱۲/۷ (۴)

۱۲/۳ (۳)

-۱۸۷ کدام گزینه در ارتباط با سلول گالوانی Zn - Cu نشان داده شده در شکل زیر درست است؟



(۱) در قطب منفی این سلول الکترود کاتد و در قطب مثبت الکترود آند قرار

گرفته است.

(۲) با گذشت زمان رنگ محلول مس (II) سولفات پرنگ‌تر می‌شود.

(۳) به مرور زمان، غلظت یون Zn^{2+} در نیم سلول آندی افزایش و غلظت یون Cu^{2+} در نیم سلول کاتدی کاهش می‌یابد.

(۴) یون‌های Cu^{2+} با عبور از دیواره متخلخل وارد نیم سلول آندی می‌شوند.

-۱۸۸ اگر emf یک سلول گالوانی که در آن واکنش $X^{2+} + Fe \rightarrow X + Fe^{2+}$ انجام می‌گیرد، برابر با $16V$ باشد،

$E^\circ(Cu^{2+}/Cu) = +0.34V$ و $E^\circ(Fe^{2+}/Fe) = -0.41V$ چند ولت است؟ ()

۰/۹۱ (۲)

۰/۰۹ (۱)

۰/۵۹ (۴)

۰/۲۵ (۳)

۱۸۹- با توجه به مقدار E° های داده شده کدام گزینه درست است؟

$$E^\circ(\text{Pt}^{\text{r}+} / \text{Pt}) = +1/20 \text{V}$$

$$E^\circ(\text{Zn}^{\text{r}+} / \text{Zn}) = -0/76 \text{V}$$

$$E^\circ(\text{Cd}^{\text{r}+} / \text{Cd}) = -0/4 \text{V}$$

$$E^\circ(\text{Sn}^{\text{r}+} / \text{Sn}) = -0/15 \text{V}$$

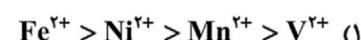
۱) در شرایط استاندارد، با قرار دادن تیغه روی در محلول CdSO_4 واکنش شیمیابی رخ می‌دهد.

۲) قدرت کاهندگی این چهار فلز به صورت $\text{Pt} > \text{Sn} > \text{Cd} > \text{Zn}$ است.

۳) کاتیون $\text{Zn}^{\text{r}+}$ از سه کاتیون دیگر داده شده اکسیده‌تر است.

۴) سلول گالوانی «قلع - پلاتین» از emf سلول گالوانی «روی - کادمیم» کمتر است.

۱۹۰- با توجه به نیمه واکنش‌های زیر در کدام گزینه ترتیب قدرت اکسیدگی گونه‌ها به درستی بیان شده است؟



۱۹۱- کدام گزینه درست است؟

۱) انحلال پذیری، به مقدار ماده حل شده در ۱۰۰ گرم حلал در دما و فشار معین گفته می‌شود.

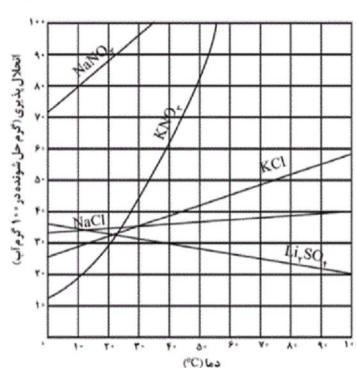
۲) کلسیم سولفات همچون باریم سولفات جزو مواد کم محلول دسته‌بندی می‌شود.

۳) بر اساس تعریف انحلال پذیری، همواره جرم ماده حل شونده در یک دمای معین از جرم حلal کمتر است.

۴) هر چه اندازه شب نمودار انحلال پذیری بر حسب دما برای یک ماده بیشتر باشد، تأثیر دما بر انحلال پذیری آن بیشتر است.

۱۹۲- با توجه به نمودار زیر اگر $25/20$ مول از سدیم نیترات را با مقداری آب در دمای 10°C مخلوط کرده و جرم محلول به دست آمده

($\text{Na} = 23$ ، $\text{O} = 16$ ، $\text{N} = 14$: g.mol^{-1}) $51/5$ گرم باشد، به تقریب چند گرم سدیم نیترات دیگر می‌توان در آن حل کرد؟



۱) $2/95$

۲) $2/42$

۳) $3/025$

۴) $2/125$

$\theta(^{\circ}\text{C})$	۰	۱۰	۲۰	۳۰
$S\left(\frac{\text{g KCl}}{100\text{g H}_2\text{O}}\right)$	۲۶	۳۰	۳۴	۳۸

۱۹۳- با توجه به جدول مقابل، کدام عبارت نادرست است؟

۱) معادله انحلال پذیری نمودار KCl به صورت $S = 0 / 40 + 26$ است.

۲) فرآیند انحلال KCl در آب، گرمایشی است.

۳) انحلال پذیری KCl با ترکیبی که معادله انحلال پذیری آن به صورت $S = 0 / 20 + 31$ است، در دمای 35°C یکسان است.

۴) در 20°C ۵۱ گرم محلول سیرشده KCl در دمای 20°C ۵۱ گرم پتانسیم کلرید وجود دارد.

۱۹۴- چند مورد از موارد زیر همواره درست است؟

الف) نقطه جوش ترکیب‌های هیدروژن‌دار عنصرهای گروه ۱۷ نسبت به ترکیب‌های هیدروژن‌دار عنصرهای هم‌دوره خود در گروه ۱۵ بالاتر است.

ب) گشتاور دوقطبی هیدروکربن‌ها ناچیز و حدود صفر است.

پ) رابطه انحلال پذیری گازها با دما به قانون هنری معروف است.

ت) موادی که انحلال پذیری خوبی در آب دارند، رسانای خوبی برای جریان برق هستند.

۱ (۴) ۲ (۳) ۳ (۲) ۴ (۱)

۱۹۵- کدام یک از مطالب زیر در مورد حلال چربی و لاق درست‌اند؟ ($O = 16, H = 1, C = 12 \text{ g.mol}^{-1}$)

الف) با انحلال این ماده در آب، ماهیت مولکول‌های حل شونده حفظ شده و انحلال از نوع مولکولی است.

ب) هیدروژن متصل به اکسیژن در ساختار این ماده، سبب برقراری پیوندهای هیدروژنی قوی با آب می‌شود.

پ) گشتاور دوقطبی آن همچون اتانول مخالف صفر است.

ت) نمی‌توان محلول سیرشده‌ای از این حلال در آب تهیه کرد.

۱) الف و پ ۲) ب و ت ۳) الف و ب و پ ۴) الف و پ و ت

۱۹۶- کدام گزینه درست است؟

۱) رساناهای الکترونی تنها فلزهای دسته s ، p و d جدول دوره‌ای عنصرها را شامل می‌شوند.

۲) از آنجایی که اتانول به هر نسبتی در آب حل می‌شود، یک الکترولیت قوی است.

۳) محلول یک مولار نمک خوارکی رسانای بهتری نسبت به محلول یک مولار پتانسیم هیدروکسید است.

۴) محلول متانول و آب همانند محلول شکر و آب، جریان برق را از خود عبور نمی‌دهد.

۱۹۷- کدام گزینه نادرست است؟

۱) اغلب سنگ‌های کلیه از رسوب برخی نمک‌های کلسیم‌دار در کلیه‌ها تشکیل می‌شوند.

۲) آمونیاک به عنوان کود به طور مستقیم به خاک تزریق می‌شود.

۳) در بین مولکول‌های HCl ، HBr و HF بیشترین دمای جوش متعلق به HBr است.

۴) تهییه آب شیرین از آب دریا با عمل اسمز معکوس امکان‌پذیر است.

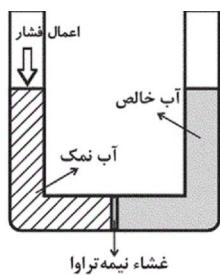
۱۹۸- مولکول برخلاف مولکول در میدان الکتریکی جهت‌گیری نمی‌کند.

$\text{O}_2 - \text{CH}_4$ (۴) $\text{H}_2\text{O} - \text{H}_2\text{S}$ (۳) $\text{N}_2 - \text{HF}$ (۲) $\text{O}_2 - \text{CO}_2$ (۱)

۱۹۹- اگر انحلال پذیری گاز کلر در دمای 25°C برابر $73 \text{ g}/\text{atm}$ آب در فشار 1 atm باشد، در همین دما، حداقل چند گرم

گاز کلر در 50 g آب در فشار 4 atm حل می‌شود؟

۱ (۱۴۶) ۲ (۲۹۲) ۳ (۱۴۶) ۴ (۲۹۲)



۲۰۰- با توجه به شکل زیر کدام گزینه درست است؟

۱) در این شکل فرایند اسمز رخ می‌دهد.

۲) به مرور زمان، غلظت نمک در محلول سمت چپ کاهش می‌یابد.

۳) می‌توان از این روش برای تصفیه آب استفاده کرد.

۴) با برداشتن فشار، ارتفاع مایع موجود در ستون سمت راست افزایش می‌یابد.

۲۰۱- اندازه مولکول پلی‌اتن نشاسته بوده و جرم مولی آن پروپان است.

۲) همانند - بسیار بزرگ - برخلاف - بسیار بزرگ

۱) برخلاف - بسیار بزرگ - برخلاف - بسیار بزرگ

۴) همانند - کوچک - برخلاف - متوسط

۳) برخلاف - کوچک - همانند - متوسط

۲۰۲- همه عبارت‌های زیر نادرست هستند، به جز

۱) در ساختار ویتامین ث، گروه عاملی کربوکسیل وجود دارد.

۲) ویتامین آ بر خلاف ویتامین دی، مولکولی قطبی است.

۳) ویتامین کا مولکولی ناقطبی و سیرنشده است.

۴) ویتامین دی برخلاف ویتامین کا، فاقد گروه عاملی است.

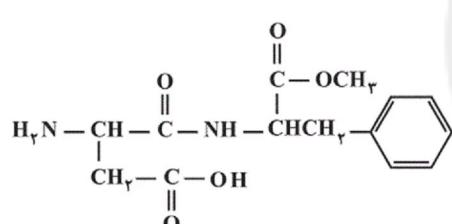
۲۰۳- با توجه به ساختار داده شده کدام گزینه نادرست است؟

۱) دارای گروه‌های عاملی اسیدی، استری، آمینی و آمیدی است.

۲) ۱۲ جفت الکترون ناپیوندی در لایه ظرفیت اتم‌های آن وجود دارد.

۳) برخلاف نفتالن، مولکولی غیر آروماتیک است.

۴) فرمول مولکولی آن $C_{14}H_{18}N_2O_5$ است.



۲۰۴- فرمول شیمیایی استiren کدام است و اگر به جای حلقه بنزنی آن گروه متیل قرار دهیم، به چه ترکیبی تبدیل می‌شود؟

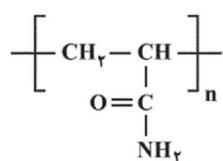
C_8H_{10} - پروپن

C_8H_{10} - بوتن

C_8H_8 - بوتن

C_8H_8 - پروپن

۲۰۵- با توجه به پلیمر زیر، تعداد پیوندهای اشتراکی در مونومر سازنده آن چقدر است و اگر n برابر ۱۰۰۰ باشد، چند جفت الکترون ناپیوندی در ساختار آن دیده می‌شود؟



۳۰۰۰-۱۰ (۲)

۳۰۰۰-۱۱ (۱)

۲۰۰۰-۱۰ (۴)

۲۰۰۰-۱۱ (۳)

۲۰۶- کدام یک از موارد زیر در ارتباط با واکنش آب کافت اتیل بوتانوات نادرست است؟

- ۱) می توان از H_3SO_4 به عنوان کاتالیزگر این واکنش استفاده کرد.
- ۲) از آب کافت آن اتانول و بوتانویک اسید حاصل می شود.
- ۳) بو و طعم آناناس به دلیل وجود اتیل بوتانوات در آن است.
- ۴) به ازای مصرف $2/32$ گرم اتیل بوتانوات $0/82$ گرم فراورده الکلی تولید می شود.

۲۰۷- از تجزیه $115/2$ گرم از یک پلی استر، $37/2$ گرم اتیلن گلیکول ($C_2H_4O_2$) به دست آمده است. جرم مولی دی اسید بکار رفته

$$(H=1, C=12, O=16 : g/mol^{-1})$$

- | | | | |
|---------|---------|---------|--------|
| ۱۹۲ (۴) | ۱۶۶ (۳) | ۱۳۲ (۲) | ۷۶ (۱) |
|---------|---------|---------|--------|

۲۰۸- از واکنش بین $4/0$ مول متیل آمین با کربوکسیلیک اسیدی با گروه آلکیل خطی و سیر شده $29/2$ گرم از یک آمید تولید می شود.

$$(O=16, N=14, C=12, H=1 : g/mol^{-1})$$

- | | | | |
|-------|-------|-------|-------|
| ۵ (۴) | ۴ (۳) | ۳ (۲) | ۲ (۱) |
|-------|-------|-------|-------|

۲۰۹- کدام گزینه نادرست است؟

- ۱) فورمیک اسید با فرمول شیمیایی CH_2O_2 ساده‌ترین کربوکسیلیک اسید است.
- ۲) استیک اسید با فرمول شیمیایی CH_3COOH پرکاربردترین کربوکسیلیک اسید است.
- ۳) نیروی بین مولکولی غالب در متانول و اتانول از نوع پیوند هیدروژنی است.
- ۴) متانول، اتانول و پروپانول قادر به خش ناقطبی هستند به همین علت جزء مولکول‌های قطبی به شمار می‌روند.

۲۱۰- کدام گزینه درست است؟

- ۱) پلی لاکتیک اسید در شیر ترش شده یافت می شود.
- ۲) پلیمرهای حاصل از هیدروکربن‌های سیرنشده میل چندانی به انجام واکنش ندارند.
- ۳) پلیمرهای سبز از فراورده‌های نفتی حاصل می‌شوند.
- ۴) در پلیمرهای طبیعی موجود در شاخ گوزن، گروه عاملی آمینی در زنجیر کربنی واحد تکرار شونده آن وجود دارد.

A : پاسخ نامه(کلید) آزمون 15 آذر 1398 گروه ریاضی نظام جدید دفترچه

1	□ ✓ □ □	51	□ ✓ □ □	101	□ □ □ □	151	□ □ □ □	201	□ ✓ □ □
2	□ □ □ ✓ □	52	□ □ ✓ □ □	102	□ □ □ ✓ □	152	□ □ □ □	202	□ □ □ ✓ □
3	□ □ □ □ ✓	53	□ □ □ ✓ □	103	□ □ □ □	153	□ □ ✓ □ □	203	□ □ □ □
4	□ ✓ □ □ □	54	□ □ □ □	104	□ □ □ □	154	□ □ □ □	204	□ □ □ □
5	□ ✓ □ □ □	55	✓ □ □ □ □	105	✓ □ □ □ □	155	□ □ □ □	205	✓ □ □ □ □
6	□ □ □ □	56	□ □ ✓ □ □	106	□ □ □ □	156	□ □ □ □	206	□ □ □ □
7	✓ □ □ □ □	57	□ □ □ □	107	□ □ □ □	157	□ □ □ □	207	□ □ □ □
8	□ □ □ ✓ □	58	□ □ □ □	108	□ □ □ □	158	□ □ □ □	208	□ □ □ □
9	□ □ □ □	59	□ □ ✓ □ □	109	✓ □ □ □ □	159	✓ □ □ □ □	209	□ □ □ □
10	□ □ □ □	60	□ □ □ □	110	✓ □ □ □ □	160	□ □ □ □	210	□ □ □ □
11	□ □ ✓ □ □	61	□ □ □ □	111	□ □ □ □	161	□ □ □ □		
12	✓ □ □ □ □	62	□ □ □ □	112	✓ □ □ □ □	162	□ □ □ □		
13	□ □ □ □	63	□ □ □ □	113	□ □ □ □	163	□ □ □ □		
14	✓ □ □ □ □	64	□ □ □ □	114	□ □ □ □	164	□ □ □ □		
15	□ □ □ □	65	□ □ □ □	115	□ □ □ □	165	□ □ □ □		
16	□ □ □ □	66	□ □ □ □	116	✓ □ □ □ □	166	□ □ □ □		
17	□ □ □ □	67	□ □ □ □	117	□ □ □ □	167	✓ □ □ □ □		
18	□ □ □ □	68	✓ □ □ □ □	118	□ □ □ □	168	✓ □ □ □ □		
19	□ □ □ □	69	✓ □ □ □ □	119	□ □ □ □	169	□ □ □ □		
20	□ □ □ □	70	□ □ □ □	120	□ □ □ □	170	□ □ □ □		
21	□ □ □ □	71	✓ □ □ □ □	121	✓ □ □ □ □	171	□ □ □ □		
22	✓ □ □ □ □	72	□ □ □ □	122	□ □ □ □	172	□ □ □ □		
23	□ □ □ □	73	✓ □ □ □ □	123	✓ □ □ □ □	173	□ □ □ □		
24	□ □ □ □	74	□ □ □ □	124	□ □ □ □	174	□ □ □ □		
25	□ □ □ □	75	□ □ □ □	125	□ □ □ □	175	□ □ □ □		
26	□ □ □ □	76	□ □ □ □	126	✓ □ □ □ □	176	□ □ □ □		
27	□ □ □ □	77	□ □ □ □	127	□ □ □ □	177	✓ □ □ □ □		
28	□ □ □ □	78	□ □ □ □	128	□ □ □ □	178	□ □ □ □		
29	□ □ □ □	79	□ □ □ □	129	□ □ □ □	179	✓ □ □ □ □		
30	□ □ □ □	80	✓ □ □ □ □	130	□ □ □ □	180	□ □ □ □		
31	□ □ □ □	81	□ □ □ □	131	□ □ □ □	181	□ □ □ □		
32	□ □ □ □	82	□ □ □ □	132	□ □ □ □	182	□ □ □ □		
33	□ □ □ □	83	✓ □ □ □ □	133	✓ □ □ □ □	183	□ □ □ □		
34	□ □ □ □	84	✓ □ □ □ □	134	□ □ □ □	184	✓ □ □ □ □		
35	□ □ □ □	85	□ □ □ □	135	□ □ □ □	185	✓ □ □ □ □		
36	□ □ □ □	86	□ □ □ □	136	✓ □ □ □ □	186	✓ □ □ □ □		

37 <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/>	87 <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	137 <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	187 <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>
38 <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/>	88 <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	138 <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/>	188 <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/>
39 <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	89 <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	139 <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	189 <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>
40 <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	90 <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	140 <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	190 <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>
41 <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/>	91 <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	141 <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/>	191 <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/>
42 <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	92 <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	142 <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	192 <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>
43 <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	93 <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	143 <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	193 <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>
44 <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	94 <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	144 <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	194 <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/>
45 <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	95 <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/>	145 <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	195 <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/>
46 <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	96 <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	146 <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	196 <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/>
47 <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/>	97 <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/>	147 <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/>	197 <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>
48 <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/>	98 <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	148 <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	198 <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/>
49 <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	99 <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	149 <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	199 <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>
50 <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	100 <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	150 <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>	200 <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input type="checkbox"/> <input checked="" type="checkbox"/> <input type="checkbox"/>



سایت کنکور

Konkur.in



دفترچہ پاسخ

۱۵ آذر ماه ۱۳۹۸

عمومى دوازدھم

رشته ریاضی

طراحان به ترتیب حروف الفبا

فارس	محسن اصغری - طین زاهدی کیا - مریم شیرانی - سیدجمال طباطبائی‌نژاد - کاظمی - هام محمدی - حسن و سکری
عرب، (باب قرآن	بهزاد چاهینخش - محمد جهان بین - امیر رضایی نجفی - محمد رضا سوری - خالد مشیریناہی - نعمت‌الله مقصودی
دید و لذگ	محمد آقاصالح - ابوالفضل احمدزاده - محمد بختیاری - محسن بیاتی - محمد رضایی‌بقا - فردین سماقی - محمدابراهیم مازنی -
(باب الکلیسی	مرتضی محسنتی کبیر - هادی ناصری - سید هادی هاشمی - سید احسان هنדי
	آناهیتا اصغری - میر حسین زاهدی - عبدالرالشید شفیعی - علی اخشوری - ساسان عزیزی‌نژاد - امیر حسین مراد

گزینشگران و پر استاران به ترتیب حروف الفبا

نام درس	مسئول درس	گزینشگر	گروه ویراستاری	ویراستاران رتبه‌های برت	مسئول درس‌های مستندسازی
فارسی رؤوفی	طبنی زاهدی کیا	محسن اصغری - حسن و سکری	محمد جواد قورچیان	ویراستاران رتبه‌های برت	فریبا رؤوفی
لیلا ایزدی	حسین رضایی - سید محمدعلی مرتضوی	فرشته کیانی	اسماعیل یونس پور	گروه ویراستاری	محمد جواد قورچیان
محمد رضایی بقا	سکینه گلشنی	صالح احصائی	محدثه پرهیز کار	ویراستاران رتبه‌های برت	دین و اندیشه
لیلا بهلوان	عبدالرشید شفیعی - محدثه مرآتی	آناهیتا اصغری	فاطمه فلاحت پیشه	گزینشگر	طبنی زاهدی کیا
لیلا بهلوان	لیلا بهلوان	لیلا بهلوان	لیلا بهلوان	طبنی زاهدی کیا	طبنی زاهدی کیا

گروه فنی و تولید

سوزان نعیمی	ناظرات چاب
فاطمه عظیمی	حروفنگاری و صفحه‌آرایی
مدیر، فاطمه رسول‌نسب، مسئول دفترچه آنلاین اسنادیاری	مستندسازی و مطابقت با مصوبات
فرهاد حسین‌پوری	مسئول دفترچه
فاطمه منصور‌خاکی	مدیر گروه

گروه آزمون Konkur.in

بنیاد علمی آموزشی قلمچی (وقف عام)

آدرس دفتر مرکزی: خیابان انقلاب- بین صبا و فلسطین- پلاک ۹۲۳ - تلفن چهار رقمی: ۰۶۴۶۳-۰۲۱



فارسی ۱ و ۳

(طنین زاهدی کیا)

-۶

پنداشت: نیاز به مسند ندارد (به مفعول نیاز دارد). (پنداشت در این بیت: تصویر کردن)
گردد: نیاز به مفعول و مسند ندارد. / بود: فقط به مسند نیاز دارد.

توضیح گزینه‌های دیگر

گزینه «۱»: «گرداند» و «کرد»

گزینه «۲»: «پنداشت» (پنداشت در این بیت: به حساب آورد)

گزینه «۳»: «می‌دانست»

(فارسی ۳، زبان فارسی، صفحه‌های ۵۴ و ۵۵)

(العام محمدی)

-۷

ترکیب‌های وصفی: مرغ اسیر، این همه، مرغ گرفتار
توضیح گزینه‌های دیگر

گزینه «۲»: ترکیب‌های وصفی: آن کسی، این ملک / گزینه «۳»: ترکیب وصفی: آن خانه / گزینه «۴»: ترکیب وصفی: آن جامه

(فارسی ۳، زبان فارسی، صفحه ۲۶)

(کاظم کاظمی)

-۸

مفهوم مشترک ایات مرتبط: عشق مایه حیات و بی‌عشقی نشانه یا موجب مرگ و نیستی است.

مفهوم بیت گزینه «۳»: عشق با سلامت و عافیت‌طلایی و آسودگی سازگاری ندارد.

(فارسی ۳، مفهوم، مشابه صفحه ۴۷)

(سید جمال طباطبائی نژاد)

-۹

فقط ایات «پ، ت، ج» مانند بیت سؤال مفهومی مشترک دارند. این که درد کشیده، درد را می‌فهمد و ناخنگان و خامان، حال پختگان و درمندان را نمی‌فهمند. در سه بیت «آ، ب، ث» مقایسه دو گروه پختگان و خامان مطرح نیست.
آ) تعجب شاعر از این که چرا همه شیفتۀ چهره یار نمی‌شوند (زیبایی چهره یار).
ب) راز عشق پنهان نمی‌ماند (تا زمانی که روی زرد و ... باشد، راز عشق را نمی‌توان پنهان کرد).

ث) ناشکیابی و بی‌قراری عاشقان

(فارسی ۳، مفهوم، صفحه ۴۷)

(العام محمدی)

-۱۰

مفهوم بیت صورت سؤال و بیت گزینه «۴» چنین است: چنانچه بکوشی و تلاش کنی، می‌توانی به بزرگی برسی.

توضیح گزینه‌های دیگر

گزینه «۱»: کسب علم و دانش باعث تعالی روح می‌شود.

گزینه «۲»: ای فقیر، تو هنوز نورسیده‌ای و باید از راهنمایان کمک بگیری.

گزینه «۳»: تو اگر به مقصود نرسیده‌ای، برای آن است که سعی و تلاش کافی نکرده‌ای.

(فارسی ۳، مفهوم، صفحه ۴۸)

(کاظم کاظمی)

-۱

شرحه: پاره گوشتی که از درازا بریده باشد.

بی‌خودی: بی‌هوشی، حالت از خودرنگی و به معشوق پیوستن

محب: دوستدار، یار، عاشق

(فارسی ۳، لغت، واژه‌نامه)

(سید جمال طباطبائی نژاد)

-۲

املای درست واژه‌های غلط: ارگند، سریر، هتاكی

(فارسی ۳، املاء، ترکیبی)

(العام محمدی)

-۳

املای صحیح کلمات عبارت‌اند از: «بحر، صواب، غرامت».

(فارسی ۳، املاء، ترکیبی)

(کاظم کاظمی)

-۴

بیت «د» استعاره: لؤلؤ ← قطره‌های باران

بیت «ه» جناس: گُشته، گِشته (ناهمسان حرکتی)

بیت «الف» ایهام: دور از تو ← (۱) در هجران تو (۲) از تو دور باد (جمله دعایی)
بیت «ب» اسلوب معادله: مصراج دوم مصدق یا مثالی برای تفہیم مفهوم مصراج اول است.

بیت «ج» حسن تعلیل: عمر جاویدان دل را تبره و سیاه می‌گرداند و به همین دلیل چشمۀ آب حیات در سیاهی (ظلمات) پنهان شده است؛ قرار گرفتن چشمۀ آب حیات در ظلمات یا تاریکی، نشانه‌ای بر این ادعای شاعر است که عمر جاویدان، دل را سیاه می‌سازد.

(فارسی ۳، آرایه، ترکیبی)

(سید جمال طباطبائی نژاد)

-۵

آرایه‌های «حس‌آمیزی، ایهام، تکرار و کنایه» در بیت وجود ندارد.

تشبیه: آفتتاب جمال / ماه چون ابروان توست

جناس همسان: ماه (سی‌روز) با ماه آسمان

تناسب: آفتتاب، آسمان و ماه (دوم)

حسن تعلیل: دلیل باریک شدن ماه (چون ابروان یار شدن)، رشک بردن بر آفتتاب جمال یار دانسته شده که دلیلی شاعرانه و ادبی است.

استعاره: این که ماه آسمان از زیبایی چهره یار رشک می‌برد، تشخیص و استعاره است.

(فارسی ۳، آرایه، ترکیبی)



(مریم شمیران)

-۱۶-

(مسن اصغری)

-۱۱-

«سعدی» منادا نیست و نقش مفعولی دارد. سعدی را نمی‌توان به هیچ کشتن مگر به دوری از روی دوستان
تشریح گزینه‌های دیگر
 گزینه «۱»: شمع / جان ← منادا
 گزینه «۳»: بلبل ← منادا
 گزینه «۴»: نامه‌بان ← منادا

(فارسی ا، زبان فارسی، مشابه صفحه ۱۴۳)

(مسن و سکری - ساری)

-۱۷-

(مریم شمیران)

-۱۲-

اعراف برای حوران بهشتی (مانند) دوزخ است. (دوزخ: مسد)
 (فارسی ا، زبان فارسی، صفحه ۱۲۷)

(مسن اصغری)

-۱۸-

(طینی زاهدی کیا)

-۱۳-

مفهوم مشترک آیه صورت سؤال و ابیات مرتبط: عزت و ذلت آدمی به دست خداوند است (خداوند به گروهی عزت و به گروهی ذلت می‌دهد).
 مفهوم بیت گزینه «۳»: گروهی را گرفتار روی زیبایی می‌کند و گروهی را عاشق و گرفتار موبی می‌گرداند.

(فارسی ا، مفهوم، صفحه ۱۲۸)

(مریم شمیران)

-۱۹-

(مسن اصغری)

-۱۴-

در این گزینه شاعر معتقد است که امکان ندارد سرشت ظالم، پاک و مصفا شود اما پیام مشترک گزینه‌های دیگر آن است که ظالمان به سزای اعمال خود می‌رسند.
تشریح گزینه‌های دیگر

گزینه «۱»: دور جهان بر محور عدل است و ظالم به سزای عملش می‌رسد.
 گزینه «۳»: همان طور که برق از خرمن سالم بیرون نمی‌آید، ظالم از آه مظلوم در امان نمی‌ماند.

گزینه «۴»: ظالمان به مكافات اعمال خود می‌رسند، چنان‌که قبل از رسیدن تیر به هدف، ناله از کمان بر می‌خیزد.

(فارسی ا، مفهوم، مشابه صفحه ۱۴۰)

(مسن و سکری - ساری)

-۲۰-

(مسن و سکری - ساری)

-۱۵-

مفهوم تمامی ابیات به استثنای بیت گزینه «۲» این است که خدا به روشنی در جهان جلوه‌گر است، اما مفهوم بیت گزینه «۲» این است وقتی انوار خورشید پیدا گشت، همه ذرات عالم به رقص و پایکوبی مشغول می‌گردند.

(فارسی ا، مفهوم، مشابه صفحه ۱۴۴)

طرفه: شگفت‌اور، عجیب
 مفلس: تهی دست، درویش و بی‌چیز
 خلعت: جاما‌ای که بزرگی به کسی بخشید.

(فارسی ا، لغت، واژه‌نامه)

(مریم شمیران)

تاك: درخت انگور/ تاکستان: باع انگور، باعی که در آن تاک کاشته باشدند.

(فارسی ا، لغت، واژه‌نامه)

(طینی زاهدی کیا)

شكل درست املای کلمه: اعصار

(فارسی ا، املاء، ترکیبی)

(مسن اصغری)

مجاز: سینه مجاز از دل/ حسن تعلیل به کار نرفته است.

تشریح گزینه‌های دیگر

گزینه «۲»: تشخیص: سخن گفتن و گوهراشانی کردن طبع، چهره و خجلت گوهرا/ مراعات نظیر: صدف، گوهرا، مرجان

گزینه «۳»: استعاره: لعل آبدار؛ استعاره از لب / حس آمیزی: جواب خشک

گزینه «۴»: تشییه: چراغ چشم / اوج آرایی: تکرار اوج - «ر» و «ش»

(فارسی ا، آرایه، ترکیبی)

(مسن و سکری - ساری)

تشییه: بیت «ب»: «باد نخوت» و «بانوی عفت»

استعاره: بیت «د»: ترکیب «چشم سوزن» استعاره و تشخیص دارد.

تلمیح: بیت «ج»: چشمۀ حیوان تلمیح به داستان حضرت خضر نبی دارد.

جناس: بیت «الف»: بین «دشنه» با «تشنه» و نیز «مکیش» و «مکش» جناس ناقص (ناهمسان) وجود دارد.

(فارسی ا، آرایه، ترکیبی)



نکات مهم درسی

اسلوب ماضی + ماضی = ماضی ساده یا ماضی بعید (کنایه...+ قد شارکنا)

اسلوب ماضی + مضارع = ماضی استمراری (واجه‌ها... تُحِيرَنَا / کان ... يُغَرِّنَا)

اسم نکره + فعل = جمله وصفیه (ظواهر + تُحِيرَنَا)

ترجمه اسم اشاره باید با توجه به کلمه‌ای باشد که بدان اشاره می‌کند، لذا چون «تلک» به «ظواهر» که یک اسم نکره است اشاره می‌کند باید مانند آن اسم نکره جمع ترجمه شود: «آن‌ها»، مانند: تلک دلafinِ تُسَاءِدُ السَّفَافَنَ فِي الصَّيْدِ؛ آن‌ها دلفین‌هایی هستند که به کشتی‌ها در صید کمک می‌کنند!

(ترجمه)

-۲۶ (فالد مشیرپناهی - (مکلان))

شرح گزینه‌های دیگر

گزینه «۱»: در این گزینه «هیچ یا سی» نادرست است، چرا که «لا ینفَذُ الْأَيْسُ» دارای لای نفی جنس نیست، «تالمیدی و یأس در دل بندۀ صالح نفوذ نمی‌کند.

گزینه «۳»: «به خواهرم یاد دادم» نادرست است و درست آن «خواهرم یاد گرفته است» می‌باشد، هم‌چنین «آن لا تُسْتَعِجِلُ» یعنی «عجله نکند» و ترجمه شدن آن به صورت «نباید عجله کند» نادرست است، چرا که دارای «لا نهی» نیست تا در ترجمۀ آن «نباید» بیاید.

گزینه «۴»: در این گزینه «از وطنش» نادرست است چرا که «عن الوطن» دارای ضمیر نیست. (هیچ جوانی نیست مگر این که از وطن در جنگ دفاع کند)

(ترجمه)

-۲۷ (فالد مشیرپناهی - (مکلان))

در گزینه «۲» کلمه «الكذاب» اسم مبالغه است و باید به صورت «بسیار دروغگو» ترجمه شود: «الكاذب» یعنی «دروغگو»؛ ضمن این که «لا تجالسى» به صورت «همنشینی نکن» صحیح است.

(ترجمه)

-۲۸ (ممدر بیان‌بین)

کاش: لیت (رد گزینه «۲»)، لیت + ماضی = ماضی استمراری (رد گزینه‌های «۱» و «۴»)، اسم لای نفی جنس باید نکره، مفتوح و بدون تنوین باشد (رد گزینه‌های «۱» و «۲»)، برای مقایسه باید از وزن افعال بهره ببریم نه فعلی (رد گزینه‌های «۲» و «۴»)، کتاب معرفه است (رد گزینه‌های «۱» و «۴»)

(ترجمه)

-۲۹ (ممدر بیان‌بین)

صورت درست کلمات نادرست در گزینه «۲»: «القُومُ، يَتَهَامُّسُونَ» (مضارع از باب تفاغل)

(ترجمه)

-۳۰ (ممدر بیان‌بین)

در گزینه «۳» هیچ مترادف و متضادی وجود ندارد.

شرح گزینه‌های دیگر

گزینه «۱»: انشراحًا = سور (شادی)

گزینه «۲»: صیراع (درگیری) ≠ السلام (صلح)

گزینه «۴»: مرض(بیماری) ≠ شفاء (سلامتی)

(ترجمه)

عربی، زبان قرآن ۱ و ۲

-۲۱

(فالد مشیرپناهی - (مکلان))

«أَنْقَذَ مِنَ النَّارِ»: از آتش نجات داده شد (رد گزینه‌های «۱» و «۴») / «فُدِّيَ فِي النَّارِ»: به آتش اندخته شد (رد گزینه‌های «۱» و «۳») / «مَرَّةً ثَانِيَّةً»: بار دوم، دوباره (ترجمه)

-۲۲

(فالد مشیرپناهی - (مکلان))

«جَرِيَّنَا»: آزمودیم، امتحان کردیم (رد گزینه‌های «۳» و «۴»)، در گزینه «۴» «ما آن‌ها را امتحان کردیم؛ «آن‌ها را» اضافی است و معادل عربی ندارد. / «طُرُقاً مُخْتَلِفَةً أَفْتَرَخَهَا»: راههای مختلفی را که آن را پیشنهاد داده بود (فعل «افترخ» باید به صورت ماضی ساده یا بعید ترجمه شود چون جمله وصفیه است و قبل از آن یک فعل ماضی آمده است که وابسته به آن است (رد گزینه «۲») / «أَحَدٌ أَخْبَتَنَا»: یکی از دوستانمان (رد گزینه «۲») / «لِتَصْلِيْحِ هَذِهِ الْأَلَّةِ»: برای تعمیر این دستگاه (ابزار) / «كَاتَبَ بِدُونِ فَائِدَةٍ»: بدون فایده بود (رد گزینه‌های «۲» و «۳»)

(ترجمه)

-۲۳

(فالد مشیرپناهی - (مکلان))

«هَذِهِ الْأَصْنَامُ الْأَتَى»: این بتهایی که (رد گزینه «۲») / «كَانُوا يَفْتَخِرُونَ (ماضی استمراری)»: افتخار می‌کردند (رد گزینه‌های «۱» و «۴») / «لَا قِيمَةَ لَهَا (لا نفی جنس)»: هیچ ارزشی ندارند (رد گزینه‌های «۱» و «۲») / «لَا إِنْهَا عَاجِزَةً»: برای این که ناتوانند (رد گزینه‌های «۱» و «۴») / «عَنْ قَضَاءِ حَاجَاتِهَا»: از برآوردن نیازهای خود (رد گزینه «۱»)

(ترجمه)

-۲۴

(بیزار بیان‌بین - قائم‌شهر)

«كَانَ الْخَبَاجَ قَرِحِينَ» (حاجیان شادمان بودند) رد گزینه‌های «۱» و «۳» / «الْأَنْهِمْ زِيَرَا آن‌ها / «كَانُوا يَرْكِبُونَ الطَّائِرَةَ» سوار هواییما می‌شدند / «لِلَّذِهَابِ» برای رفتن (رد گزینه «۴») / «إِلَى مَكَّةَ الْمُكَرَّمَةِ وَالمَدِينَةِ الْمُنَوَّرَةِ» به مکه مکرمه و مدینه منوره / «مُشَاتِقِينَ» با اشتیاق

-۲۵

(ممدر بیان‌بین)

«كَنَّا... قد شارکنا»: شرکت کرده بودیم (رد گزینه «۴»)، ترکیب وصفی نکره: «جولة علمیه»: یک گردش علمی، گردشی علمی (رد گزینه «۳»)، قید حالت «فرحات»: شاد، شادمان، خوشحال (رد «۳»)، «واجْهَهَا»: رویه رو شده بودیم (رد گزینه‌های «۳» و «۴»)، «تُحِيرَنَا»: ما را شگفت‌زده می‌کرد (رد گزینه‌های «۱» و «۴»)، «مِنْ حُسْنِ الْحَطَّ»: خوشبختانه (رد گزینه «۱»)، «رئيس الفريق»: رئيس گروه، سرگروه، «كَانَ... يَعْرَفُنَا عَلَى تَلْكَ»: آن‌ها را به ما معرفی می‌کرد. (رد گزینه‌های «۳» و «۴»)

(امیر رضائی، نبیر - مشهور)

درباره کیفیت طواف در متن صحبت نشده است، اگرچه درباره ابتدا و انتهای آن صحبت شده است.

تشریح گزینه‌های دیگر

گزینه «۱»: درباره هدف مسلمانان از سفر به سوی کعبه (یعنی حج) سخن آمده است.

گزینه «۳»: شکل‌گیری تمدن اسلامی حاکی از تأثیر کعبه بر فرهنگ مسلمانان است.

گزینه «۴»: درباره رنگ بنای کعبه (سیاه) و ابعاد آن در متن سخن به میان آمده است.

(امیر رضائی، نبیر - مشهور)

-۳۴

تشریح گزینه‌های دیگر

گزینه «۱»: «الملحاظ» و «مفهوله» «أربع» نادرست است.

گزینه «۲»: «فاعله» «البناء» نادرست است.

گزینه «۴»: «الملحاظ» و «فاعله» «البناء» نادرست است.

(تفیل صرفی و مدل اعرابی)

(امیر رضائی، نبیر - مشهور)

-۳۵

تشریح گزینه‌های دیگر

گزینه «۱»: «جمع مکسر أو تكسير» نادرست است.

گزینه «۲»: «بن وزن انفعال» نادرست است.

گزینه «۳»: «على وزن ان فعل» نادرست است.

(تفیل صرفی و مدل اعرابی)

(ممدرضا سوری - نهادن)

-۳۶

تشریح گزینه‌های دیگر

گزینه «۱»: «الصالحة» صفت برای «أعمال» است.

(تفیل صرفی و مدل اعرابی)

(ممدرضا سوری - نهادن)

-۳۷

«الصالحة» صفت برای «أعمال» است.

(ممدرضا بیانین)

-۳۸

از بین حروف مشبهه بالفعل «لكن» برای تکمیل معنای جمله پیش از خودش و نیز زدودن إبهام جمله مقابله خودش است! «لیت» بیانگر آرزوی محال است، «لأن» به معنای «پیرا» بیانگر علت است و «كأن» هم در این سؤال برای تشییه استفاده شده است! (انواع بملات)

(ممدرضا بیانین)

-۳۹

در گزینه «۳» می‌توان جمله را به دو شکل ترجمه نمود:

۱- به این راه داخل نمی‌شوم چون پر از خاره است!

۲- نباید به این راه داخل شوم چون پر از خاره است!

در گزینه «۱» فقط ناهیه است، در گزینه «۲» چون قبلش ادات استفاده هست فقط نافیه است، در گزینه «۴» اولی نافیه للجنس است و دومی چون بعد از «أن» آمده فقط نافیه است. (انواع بملات)

(نعمت‌الله مقصودی - بوشهر)

-۴۰

«متناهی» به خاطر مطابقت کامل در نکره بودن با «قطّرات» صفت است و نمی‌تواند حال باشد؛ زیرا مرجع حال همواره معرفه است!

«و هي تَسْيِيرٌ مَعْهَا» در گزینه «۱»، «حيّة» در گزینه «۳» و «و هي حيّة» حال است. (رد گزینه‌های «۱»، «۳» و «۴») (هال)

ترجمه متن در کمطلب

کعبه شریف مقدس‌ترین مکان‌های زمین نزد مسلمانان است. بنای این مکان مبارک به حضرت آدم علیه السلام نسبت داده می‌شود، ولی در زمان ابراهیم خلیل علیه السلام تعمیر شد و از آن زمان پیرامونش تمدن بزرگی ایجاد شد که راهش را ادامه می‌دهد. کعبه قبله اهل اسلام است و به سوی آن قصد می‌کنند مسلمانان از مسافت‌های دور و نزدیک حج خانه خدا را از میان کسانی که توانایی دارند و بر پیرامون آن طواف می‌کنند.

کعبه «بیت الله الحرام» نامیده شده است، زیرا خداوند جنگیدن در آن را حرام کرده است.

بنای کعبه از سنگ‌های سیاهی است که از کوههایی که اطراف مکه هستند استخراج شده است. از اسرار کعبه «حجرالاسود» است که سنگی دارای رنگ سیاهی است که از اجزایی تشکیل شده است و آن نقطه شروع و پایان طواف است.

ارتفاع بنای کعبه بیشتر از سیزده متر است. بنای شریف چهار بار از گذشته به دستان ستمگران خراب شده است، سپس بعد از هر تخریبی از نو باز سازی شده است!

(امیر رضائی، نبیر - مشهور)

-۳۱

تمدنی که بعد از تعمیر و آبادی کعبه شکل گرفت متوقف نشد؛ که طبق متن صحیح است «تواصل طرقها».

تشریح گزینه‌های دیگر

گزینه «۱»: «عدة من الشهور» اشکال دارد. جنگیدن در آن همواره حرام است!

گزینه «۲»: بیشترین ارتفاع کعبه سیزده متر است! در حالی که طبق متن «يفوق» يعني بیشتر از سیزده متر است!

گزینه «۳»: همه مسلمانان توان رفتن به حج ندارند، بلکه تنها کسانی می‌روند که استطاعت دارند!

(درک مطلب)

(امیر رضائی، نبیر - مشهور)

-۳۲

کعبه قبل از زمان پیامبر اسلام (ص) هم شناخته شده بود!

تشریح گزینه‌های دیگر

گزینه «۱»: در متن به کوههای اطراف کعبه اشاره شده است!

گزینه «۲»: در متن آمده است که طواف از کنار حجر الاسود شروع و به آن ختم می‌شود!

گزینه «۴»: در متن آمده است که مسلمانان از مسافت‌های دور و نزدیک به حج می‌روند!

(امیر رضائی، نبیر - مشهور)

-۳۳

گزینه «۴»: هدف از تخریب کعبه محکم کردن بنای آن و حفظ آن از خطرات نبوده است، بلکه طبق خط آخر متن توسط ستمگران تخریب شده است.

تشریح گزینه‌های دیگر

گزینه «۱»: طبق متن، بنای کعبه به حضرت آدم (ع) نسبت داده شده است.

گزینه «۲»: در متن اشاره شده است.

گزینه «۳»: طبق متن کعبه از سنگ‌های مختلفی تشکیل شده است.

(درک مطلب)



(ممدر، رضایی، بقا)

اگر قرار باشد همه فقط خواسته‌ها و تمایلات دنیوی خود را دنبال کنند و تنها منافع خود را محور فعالیت اجتماعی قرار دهند (خودخواهی) و اهل ایثار و تعاوون و خیر رساندن به دیگران نباشند، تفرقه و تضاد جامعه را فرا می‌گیرد و امکان رشد و تعالی از بین می‌رود و این پیامد به این سبب است که میان بعد فردی و بعد اجتماعی توحید، رابطه متقابل (دوسویه) وجود دارد.

(دین و زندگی ۳، درس ۳، صفحه ۳۵)

-۴۷

(ممدر، آفصالح)

قرآن کریم از زبان زلیخا می‌فرماید: «وَ لَنْ لَمْ يَفْعُلْ مَا أَمْرُهُ لِيُسْجِنَنَّ وَ لِيُكُوَّنَنَّ» [اعقوب]، الصاتغین: اگر او (یوسف) (ع)) آنچه را که او را بدان امر کرد، انجام ندهد، قطعاً او زندانی می‌شود و در زمرة خوارشده‌گان درمی‌آید.» و همچنین از زبان یوسف (ع) می‌گوید: «وَ إِلَّا تَصْرِفَ عَنِّي كَيْدُهُنَّ أَصْبُ الْيَهِينَ» اگر نیز نگشان را از من منصرف نسازی، بهسوی آنان (زنان دربار) متمایل می‌شوم.»

(دین و زندگی ۳، درس ۴، صفحه ۴۸)

-۴۸

(ممدر، ابراهیم مازن)

خداآوند در آیه ۴۳ سوره مبارکه فرقان می‌فرماید: «إِلَيْتُ مَنْ أَنْعَدَ اللَّهُ هُوَ أَقْاتَ تَكُونَ عَلَيْهِ وَ كِيلًا». آیا دیدی آن کسی را که هوای نفس خود را معبد خود گرفت، آیا تو می‌توانی شامن او باشی [و به دفاع از او برخیزی؟]، بنابر این آیه، خداوند بالحن استفهمان انکاری، عدم امکان ضمانت و دفاع از اعمال هواپرستان را هشدار داده است.

عدم پرستش شیطان یا نفس اماره، وجه سلیمانی توحید عملی است و وجه ایجابی (مثبت) آن امر به پرستش خدای متعال است که در عبارت قرآنی «أَنْ اعْدُونَى» که مرا بپرستید، تجلی یافته است.

(دین و زندگی ۳، درس‌های ۳ و ۴، صفحه‌های ۳۳ و ۳۴)

-۴۹

(مسنون، پایانی)

انسان می‌داند که فقط با زندگی در یک جهان قانونمند است که امکان انتخاب، حرکت و فعالیت دارد.

قرآن کریم در این باره می‌فرماید:

«إِنَّ اللَّهَ يُسْكِنُ السَّمَاوَاتِ وَالْأَرْضَ إِنْ تَزَوَّلَا ...»

(دین و زندگی ۳، درس ۵، صفحه ۵۶)

-۵۰

(ممدر، رضایی، بقا)

قرآن کریم راه‌های متعددی برای کسب تقوا به ما نشان داده که «روزه» و «نمار» دو مورد مهم آن است. مهم‌ترین فایده روزه تقواست که با فایده دوم نماز، یعنی دوری از گثا ارتباط دارد. تقوا به معنای حفاظت و نگهداری خود از گثا است. انسان با تقوا، برخود تسلطی دارد تا به گناهان گرفتار نشود و این هدف مشترک برای نماز و روزه (تقوا) در عبارت «عَلَّمَنَ تَقَوَّنَ» ترسیم شده است.

(دین و زندگی ۱، درس ۱، صفحه‌های ۱۱۹ و ۱۲۰)

-۵۱

(ممدر، بقایی، بقا)

تکرار دائمی نماز در شب‌انه روز، آراستگی و پاکی را در طول روز حفظ می‌کند و زندگی را پاک و باصفا می‌سازد. اگر در بین نوبت با لباس و بدن پاکیزه به نماز بایستیم، آلوگه‌های ظاهری ما کمتر خواهد شد.

(دین و زندگی ۱، درس‌های ۱ و ۲، صفحه‌های ۱۱۲ و ۱۱۳)

-۵۲

(سید هاری هاشمی)

چگونگی و نوع پوشش تا حدود زیادی تابع آداب و رسوم ملت‌ها و اقوام است. قرآن کریم، عفت حضرت مریم (س) را در معبدي که همگان، چه زن و چه مرد، به پرستش می‌آیند، می‌ستاید.

(دین و زندگی ۱، درس ۲، صفحه‌های ۱۱۴ و ۱۱۵)

-۵۳

دین و زندگی ۳ و ۱

-۴۱

(سید احسان هنری)

امام علی (ع): «خدای من! مرا این عزت بس که بندۀ تو باشم و این افتخار بس که تو پروردگار منی، خدای من! تو همان‌گونه‌ای که من دوست دارم، پس مرا همان‌گونه قرار ده که تو دوست داری.»

(دین و زندگی ۳، درس ۲، صفحه ۱۸)

-۴۲

(ممدر، رضایی، بقا)

خداآوند در آیه «ذلک بِمَا قَدَّمَتْ أَيْدِيكُمْ وَ أَنَّ اللَّهَ لَيْسَ بِضَالٍ لِلْعَبَّيْبِ؛ إِنَّ [عقوبت]، بدخاطر کردار پیشین شماست [و نیز به خاطر آن است که] خداوند هرگز به بندگان ستم نمی‌کند.»، به مکافات اعمال پیش فرستاده شده انسان در آخرت (عالم عقی) اشاره کرده است که نشان از مسئولیت‌پذیری انسان است. موضوع «مسئولیت‌پذیری و مجازات» در بیت «هیچ گویی سنگ را فردا بیا ورنیابی من دهم بد را سزا!» تأیید شده است.

(دین و زندگی ۳، درس ۵، صفحه‌های ۵۴ و ۵۵)

-۴۳

(ممدر، رضایی، بقا)

پیروان این جریان فکری خشک و غیرعقلانی با تفکر غلطی که درباره توحید و شرک دارند، هر مسلمانی را که مانند آن‌ها نمی‌اندیشد، مشرک و کافر می‌خوانند و گاه کشتن او را واجب می‌شمارند.

(دین و زندگی ۳، درس ۲، صفحه ۲۴)

-۴۴

(غدرین، سماقی - لرستان)

راز و نیاز با خداوند و کمک خواستن از او، نیایش و عرض نیاز به پیشگاه خداوند و یاری جستن از او برای رسیدن به اخلاص، غفلت از خداوند را کم می‌کند، محبت او را در قلب تقویت می‌سازد و انسان را از کمک‌های الهی بهره‌مند می‌نماید. مطابق با عبارت «اللَّهُمَّ لَا تُكَلِّنِي إِلَى نَفْسِي طَرْفَةِ عَيْنٍ أَبَدًا»، انسان آگاه به پیشگاه خداوند عرض نیاز می‌کند و از او درخواست یاری دارد.

(دین و زندگی ۳، درس‌های ۱ و ۲، صفحه‌های ۱۰ و ۱۱)

-۴۵

(مرتضی، محسن‌کیم)

موجودات پس از پیدایش نیز همچنان، مانند لحظه نخست خلق شدن، به خداوند نیازمند هستند. از این رو دائماً با زبان حال، به پیشگاه الهی عرض نیاز می‌کند «ما همه شیران ولی شیر علم / حمله‌مان از باد باشد دم به دم»، انسان‌های آگاه دائماً سایه لطف و رحمت خدا را احساس می‌کنند و خود را نیازمند عنایات پیوسته او می‌دانند. برای همین است که پیامبر گرامی ما، با آن مقام و منزلت خود در پیشگاه الهی عاجزانه از خداوند می‌خواهد که برای یک لحظه هم، لطف و رحمت خاصش را از او تگیرد و او را به حال خود واگذار نکند: «اللَّهُمَّ لَا تُكَلِّنِي إِلَى نَفْسِي طَرْفَةِ عَيْنٍ أَبَدًا»

(دین و زندگی ۳، درس ۱، صفحه‌های ۹ تا ۱۱)

-۴۶

(ابوالفضل احمدزاده)

جمله «لا إِلَهَ إِلَّا اللَّهُ» فقط یک شعار نیست بلکه پاییندی (التراجم) به آن، همه زندگی فرد مسلمان را در رابطه با خدا، خویشتن، خانواده، اجتماع و دیگر مخلوقات تغییر می‌دهد.

آیه صورت سؤال به توحید در مالکیت اشاره دارد و اعتقاد به مفهوم آن یعنی اعتقاد به توحید و به مالکیت که معلول اعتقاد به توحید در خالقیت می‌باشد (خداوند تنها مبدأ و خالق جهان است). زیرا هر کس که چیزی را چیزی را پیدد می‌آورد مالک آن است.

توحید در خالقیت عبارت از این است که معتقد باشیم خداوند تنها مبدأ و خالق جهان است، موجودات همه مخلوق او هستند و در کار افرینش شریک و همتای ندارد.

(دین و زندگی ۳، درس ۲، صفحه ۱۹)



زبان انگلیسی ۱ و ۲

(میرحسین زاهدی)

ترجمه جمله: «وقتی به خانه رسیدم، دیدم که میز و صندلی‌ها سر جای خودشان نبودند. مبلمان داشت برد همیشه شد، زیرا که مادر تصمیم گرفته بود که از شر آن خلاص شود.»

نکته مهم درسی

جمله در زمان گذشته استمراری در وجه مجهولی است و "furniture" به معنی "مبلمان" اسم غیر قابل شمارش است و بعد از آن از فعل مفرد "was" استفاده می‌شود. بنابراین ساختار "was being + p.p." درست است.

-۶۱

(میرحسین زاهدی)

ترجمه جمله: «شعر مورد علاقه من سال‌ها قبل توسط شاعر بسیار خوبی که من به او بسیار احترام می‌گذارم، نوشته شد.»

نکته مهم درسی

فعل "write" متعدد است و از آن جایی که در جمله بعد از فعل، مفعول نیامده است و مفعول آن به جای فاعل نشسته است، پس با ساختار مجهول رو به رو هستیم و در جمله دوم، با این که فعل "respect" نیز متعدد است، اما فاعل سر جای خود قرار دارد و به خاطر استفاده از موصول "whom"، مفعول آن حذف شده است، پس نیازی به مجهول کردن آن نیست.

-۶۲

(ساسان عزیزی نژاد)

ترجمه جمله: «امروزه زبان اسپانیایی توسط بیش از سیصد میلیون نفر در جهان صحبت می‌شود.»

نکته مهم درسی

با توجه به قید زمان "nowadays" به معنای "امروزه" می‌فهمیم باید از زمان حال ساده استفاده کنیم و چون مفعول در اول جمله آمده، پس وجه جمله مجهول است. «am / is / are + p.p.» حال ساده مجهول: (کرامر)

-۶۳

(میرحسین زاهدی)

ترجمه جمله: «او نامید شد وقتی که آن شغل به او پیشنهاد نشد، زیرا که فکر می‌کرد که با گرفتن آن شغل می‌توانست اعتماد به نفسش را تقویت کند.»

(۱) چشم پوشیدن از دریغ داشتن**(۲) پایین آوردن****(۳) گرفتن****(۴) بالا بردن، تقویت کردن****(واژگان)**

-۶۴

(ساسان عزیزی نژاد)

ترجمه جمله: «علم زبان انگلیسی ما عصبانی نبود. او با خونسردی به ما گفت که در آن شرایط دشوار چه کاری را انجام بدھیم.»

(۱) بی‌ابدانه**(۲) با موفقیت****(۳) با بی‌رحمی، ظالمانه****(۴) با خونسردی، به‌آرامی****(واژگان)**

-۶۵

(آنالیتیا اصغری)

ترجمه جمله: «تایتان کمی از سیارة عطارد بزرگ‌تر است و تنها به خاطر این‌که به جای خورشید دور سیارة غول پیکر زحل می‌چرخد، به آن ماه گفته می‌شود.»

(۱) پاک کردن، شفاف کردن**(۲) دفاع کردن****(۳) پمپاژ کردن****(۴) دور چیزی گشتن، چرخیدن****(واژگان)**

-۶۶

(ساسان عزیزی نژاد)

ترجمه جمله: «من فکر می‌کنم می‌خواهم در خانه بمانم، به جای این که بیرون بروم.»

(۱) بهمراه**(۲) به جای این که****(۳) از سوی دیگر****(۴) زیرا****(واژگان)**

-۶۷

(مسنون یاتی)

اگرچه تمامی احکام و دستورات الهی در جهت مصلحت ماست، اما انسان دوست دارد حکمت و علت احکام الهی را بداند.

از این رو خدای متعال برخی از فایده‌های مهم‌ترین احکام خود را از طریق آیات قرآن کریم و سخنان معصومین به اطلاع ما رسانده است.

(دین و زندگی، درس ۱۰، صفحه ۱۱۸)

-۵۴

(ممدر، رضایی یقا)

ادیان الهی که در اصل و حقیقت، یک دین هستند، همواره بر پوشش تأکید کرده‌اند و آن را لازمه دینداری (دینات) شمرده‌اند.

طبق عبارت قرآنی «... کُتبَ عَلَيْكُمُ الصِّيَامُ كَمَا كُتبَ عَلَى الَّذِينَ مِنْ قَبْلِكُمْ لَعَلَّكُمْ تَتَّقُونَ»، روزه از مشترکات دین واحد الهی در طول تاریخ بوده است.

(دین و زندگی، درس ۱۰، ۱۱۵ صفحه‌های ۱۲۵ و ۱۲۶)

-۵۵

(ممدر، رضایی یقا)

اولین شرط مسافری که نماش را باید شکسته بخواند و نباید روزه‌اش را بگیرد، این است که رفتن او بیش از ۴ فرسخ شرعی (حدود ۲۲/۵ کیلومتر) و مجموعه رفت و برگشت او بیشتر از ۸ فرسخ باشد، یعنی مسافت رفت او کمتر از ۴ فرسخ نباشد و مجموعه رفت و برگشت او نیز کمتر از ۸ فرسخ نباشد.

(دین و زندگی، درس ۱۰، صفحه ۱۱۷)

-۵۶

(ممدر، رضایی یقا)

کفاره جمع زمانی بر شخص روزه‌دار واجب می‌شود که با انجام کار حرامی روزه‌اش را باطل کند. دو مورد «دروغ ستن بر خدا و پیامبر و جانشینان او» و «استمناء» هم حرام هستند و هم مبطل روزه. دلیل نادرستی گزینه «۴»: موارد ذکر شده، از شرایط باطل شدن روزه نیستند، بلکه از علل قبول نشدن و بی‌اثر شدن نماز و روزه‌اند.

(دین و زندگی، درس ۱۰، صفحه‌های ۱۲۶ و ۱۲۷)

-۵۷

(هاری تاصلی)

عفاف حالتی در انسان است که به وسیله آن خود را در برای تندروی‌ها (افراط) و کندریوی‌ها (تفريط) کنترل می‌کند تا بتواند در مسیر اعتدال و میانه‌روی پیش رو و از آن خارج نشود. یعنی در برآورده کردن هریک از علایق و نیازهای درونی به گونه‌ای عمل نمی‌کند که یا به طور کامل غرق در آن شود (افراط) و از دیگر نیازها غافل شود یا به طور کل آن را کنار گذارد و به کوتاهی و تفريط دچار شود.

(دین و زندگی، درس ۱۰، صفحه ۱۲۵)

-۵۸

(ممدر، رضا فرهنگیان)

اندک افرادی وجود دارند که می‌خواهند با رفتارهای نادرست، وجود خود را برای دیگران اثبات کنند. این قبیل اعمال نشانه ضعف روحی و ناتوانی در اثبات خود از راه درست و سازنده است.

امام صادق (ع) می‌فرماید: «لباس نازک و بدن‌نما نپوشید؛ زیرا چنین لباسی نشانه سنتی و ضعف دینداری فرد است.»

(دین و زندگی، درس ۱۰، صفحه‌های ۱۲۴ و ۱۲۵)

-۵۹

(مسنون یاتی)

پوشش و حجاب زنان در ایران باستان چنان برجسته بود که حتی برخی از مورخان غربی بر این باورند که می‌توان ایران باستان را منشأ اصلی گسترش حجاب در جهان دانست.

(دین و زندگی، درس ۱۰، صفحه ۱۲۶)

-۶۰



(علی عاشوری)

ترجمه جمله: «کدامیک از جملات زیر مطابق متن نادرست می‌باشد؟»
«لوئیس بریل در قرن ۱۸ متولد شد.»

(درک مطلب)

-۷۳

(علی عاشوری)

ترجمه جمله: «کلمه خط کشیده شده "work out" در متن از نظر معنی به «پیدا کردن» نزدیکترین می‌باشد.»

(درک مطلب)

-۷۴

(علی عاشوری)

ترجمه جمله: «مطابق متن، کتاب‌های بریل به شکل الکترونیکی در دسترس می‌باشند.»

(درک مطلب)

-۷۵

(علی عاشوری)

ترجمه جمله: «همه جملات زیر در متن ذکر شده‌اند، بهجز این‌که مشخص نیست چه زمانی لوئیس مرده است.»

(درک مطلب)

-۷۶

ترجمه متن درک مطلب دوم:
از ایالات متحده آمریکا به خاطر رفشارش با شهروندان سالخوردۀ انتقاد شده است. گرچه در بسیاری از کشورهای دیگر سالخوردۀ‌ها معمولاً با خانواده‌فرزندان زندگی می‌کنند، اما خیلی از آمریکایی‌های مسن تر تنها، بدون همراهی فرزندانشان زندگی می‌کنند. گاهی «خودخواهی» نسل جوان به عنوان مقصّر چنین وضعیتی سرشنش می‌شود، ولی نگاه دقیق‌تر نشان می‌دهد که خیلی از افراد سالخوردۀ ترجیح می‌دهند زندگی مستقل خود را حفظ کنند.

تحقیق درباره وضعیت سالخوردۀ‌ها در آمریکا نشان داده است با این‌که پدربرزگ‌ها و مادربرزگ‌ها از این‌که به طور دوره‌ای توسط فرزندان و نوهایشان ملاقات شوند خیلی خوشحال می‌شوند، اما ترجیح می‌دهند به زندگی شان در محیطی که با آن آشنا هستند ادامه دهند. این نشان می‌دهد که بجهه‌ها باید بگذارند و الدینشان اگر دوست دارند تنها زندگی کنند و باید آن‌ها را ترغیب کنند تا روابطی نزدیک با بقیه (اعضای) خانواده برقرار کنند.

نتیجه شگفت‌آور دیگر تحقیق روی سالخوردۀ‌های ایالات متحده تأثیر مثبتی بوده که معلوم شده حیوانات خانگی روی افراد سالخوردۀ‌ای دارند که با آن‌ها زندگی می‌کنند. نشان داده است که افراد سالخوردۀ‌ای که از حیوانات خانگی کوچکی مثل گربه‌ها و سگ‌ها مراقبت می‌کنند بیشتر عمر می‌کنند، سالم‌تر هستند و نسبت به سالخوردۀ‌های مشابهی که این (هم‌صحابت‌ها) را ندارند تلقی بهتری از زندگی شان دارند.

(امیرحسین مراد)

ترجمه جمله: «کدامیک از جملات زیر طبق متن درست نیست؟»
«افراد سالخوردۀ باید به طور منظم بروند و با خانواده‌هایشان ملاقات کنند.»

(درک مطلب)

-۷۷

(امیرحسین مراد)

ترجمه جمله: «تویینده به افراد جوان توصیه می‌کند به خواسته‌های والدین سالخوردۀ‌شان احترام بگذارند.»

(درک مطلب)

-۷۸

(امیرحسین مراد)

ترجمه جمله: «خیلی از آمریکایی‌های سالمند می‌خواهند در جاهايی زندگی کنند که با آن آشنا هستند.»

(درک مطلب)

-۷۹

(امیرحسین مراد)

ترجمه جمله: «برای پاسخ‌گویی به کدامیک از سؤالات زیر در متن اطلاعات کافی وجود دارد؟»

«چرا سالمندان آمریکایی حریم شخصی خود را ترجیح می‌دهند؟»

(درک مطلب)

-۸۰

ترجمه متن کلوزتست:
مینا امروز خوشحال نیست. او در امتحان انگلیسی اش عملکرد خوبی نداشته است و مادرش به خاطر نمره پایینش سر او داد زد. مینا به طور مکرر با لپ‌تاپ‌ها بازی می‌کرد و اصلاً برای امتحان درس نخواند. مادرش به او گفت که لپ‌تاپ‌ها برای کمک به مردم اختراع شدند تا زندگی بهتری داشته باشد، هر چند که تمام وقت بازی کنند. مینا قصد دارد به مادرش بگوید که او فرهنگ‌لغت را با دقت برای امتحان انگلیسی بعدی اش خواهد خواند. او اکنون امیدوار است که دفعه بعد نمره خوبی خواهد گرفت.

(عبدالرشید شفیعی)

(۱) داد زدن
(۲) نوشتن
(۳) نشستن(۱) به طور مکرر
(۲) مناسب
(۳) مشهورا(۱) به طور مختلف
(۲) کلوزتست
(۳) کلوزتست(۱) نکته مهم درسی
(۲) برگشتن
(۳) غذا(۱) اشتباہ
(۲) گرسنه
(۳) فوی(۱) اشتباہ
(۲) گرسنه
(۳) فوی



نقد و بررسی آزمون ۱۵ آذر ماه ۹۸

اختصاصی دوازدهم ریاضی (نظام جدید)

پیشنهاد

نام درس	نام طراحان
ریاضی پایه و حسابات ۲	کاظم اجلالی - عادل حسینی - امیر هوشنگ خمسه - علیرضا رفیعی - میلاد سجادی لاریجانی - مهدی سیفی پور - علی شهرابی حبيب شفیعی - عرفان صادقی - حمید علیزاده - حمید مام قادری - میلاد منصوری - جهانبخش نیکنام
هندسه	امیرحسین ابو محبوب - عباس اسدی امیر آبادی - امیر هوشنگ خمسه - محمد خندان - مبشره ضراییه - رضا عباسی اصل سید سروش کریمی مداحی
آمار و احتمال و ریاضیات گستته	محمد مهدی ابو ترابی - امیرحسین ابو محبوب - جواد حاتمی - یاسین سپهر - مبشره ضراییه - پژمان فرهادیان مرتضی فهیمعلوی - عزیزاله علی اصغری
فیزیک	بابک اسلامی - امیر مهدی جعفری - محمد علی راست پیمان - سعید شرق - محسن قندچلر - علیرضا گونه - امیرحسین مجوزی غلامرضا محبی - حسین مخدومی - محمد حسین معزّزان - سید علی میرنوری
شیمی	حمید ذبحی - آروین شجاعی - مینا شرافتی پور - میلاد شیخ الاسلامی خیاوی - علی علمداری - محمد کوهستانیان - حسن لشکری سعید محسن زاده - محمد حسن محمدزاده مقدم - سید طها مصطفوی - سید محمد معروفی - سالار ملکی - علی مؤبدی محمد وزیری

کارشناسان و ویراستاران

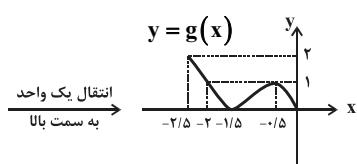
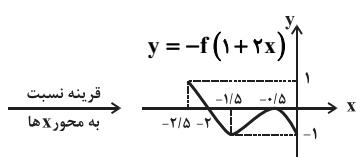
نام درس	ریاضی پایه و حسابات ۲	هندسه	آمار و احتمال و ریاضیات گستته	فیزیک	شیمی	فیزیک
گزینشگر	کاظم اجلالی	امیرحسین ابو محبوب	غلامرضا محبی	امیرحسین ابو محبوب	ایمان حسین نژاد	محمد ذبحی
گروه ویراستاری	مرضیه گودرزی علی ارجمند مهدی ملا رمضانی	علیرضا صابری فاطمه موسوی	علیرضا صابری فاطمه موسوی	سجاد شهرابی فراهانی امیرحسین برادران	علی علمداری مینا شرافتی پور	ایمان حسین نژاد
مسئول درس	عادل حسینی	امیرحسین ابو محبوب	بابک اسلامی	امیرحسین ابو محبوب	محمد حسن محمدزاده مقدم	محمد وزیری

گروه هنر و تولید

مدیر گروه	محمد اکبری
مسئول دفترچه	عادل حسینی
گروه مستندسازی	مدیر گروه: فاطمه رسولی نسب
حروفنگار	حسن خرم جو
ناظر چاپ	سوران نعیمی

گروه آزمون بنیاد علمی آموزشی قلمچی (وقف عام)

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ - کانون فرهنگی آموزش - تلفن: ۰۱۶۴۶۳



(حسابان ۲ - تابع، صفحه‌های ۱ تا ۱۲)

(میبیش شفیعی)

(محمد مامقان‌مری)

-۸۱

ابتدا ضابطه‌های دو تابع f و g را به صورت زیر می‌نویسیم:

$$f(x) = \left(x + \frac{1}{2}\right)^3 - \frac{1}{4}$$

$$g(x) = (x+1)^3 - 1 = \left(x + \frac{1}{2} + \frac{1}{2}\right)^3 - \frac{3}{4} - \frac{1}{4}$$

پس برای رسم تابع g ، کافی است نمودار تابع f را $\frac{1}{4}$ واحد به چپ و $\frac{3}{4}$

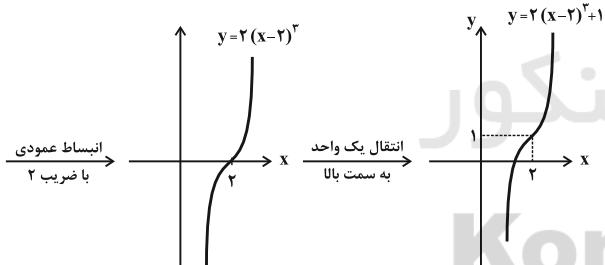
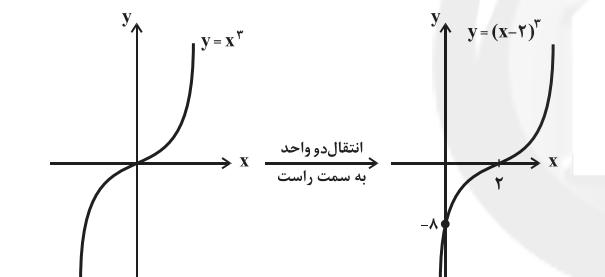
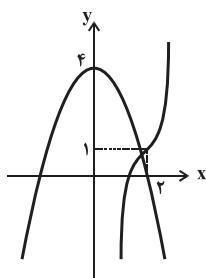
واحد به پایین منتقل کنیم.

(حسابان ۲ - تابع، صفحه‌های ۱ تا ۱۲)

برای رسم نمودار تابع $y = 2x^3 - 12x^2 + 24x - 15$ ، ابتدا ضابطه آن راساده‌تر نوشته و سپس به کمک نمودار $y = x^3$ آن را رسم می‌کنیم:

$$y = 2x^3 - 12x^2 + 24x - 15 = 2(x^3 - 6x^2 + 12x) - 15$$

$$= 2((x-2)^3 + 8) - 15 = 2(x-2)^3 + 1$$

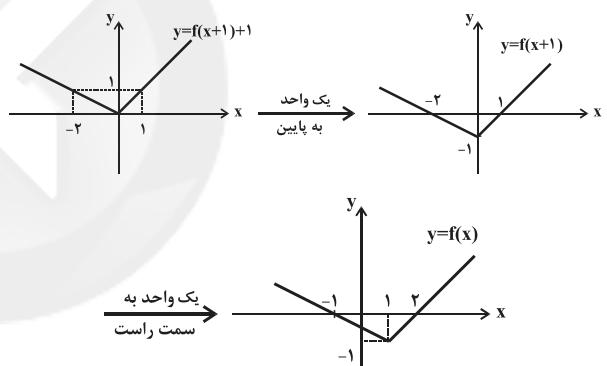
حال با رسم این تابع و همچنین تابع $y = x^2 - 4$ در یک دستگاه مختصات داریم.

دو نمودار یکدیگر را در ناحیه اول قطع می‌کنند.

(حسابان ۲ - تابع، صفحه‌های ۱۳ و ۱۴)

(میلاد سپاهی‌لاریانی)

-۸۲

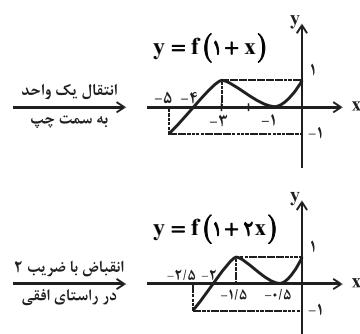
مجموع صفرهای تابع f برابر $1+2=3$ است.

(حسابان ۲ - تابع، صفحه‌های ۱ تا ۱۲)

(عازل هسین)

-۸۲

با انجام هر کدام از مراحل داریم:



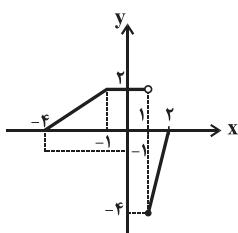


(بهانه‌شنی نیکنام)

-۸۸

ابتدا نمودار تابع g را در حالتی که $a = 0$ است (شکل زیر) رسم می‌کنیم:

$$a = 0 : g(x) = \begin{cases} f(2x+1) & ; x < 1 \\ -2f(2x+1) & ; x \geq 1 \end{cases}$$



با توجه به نمودار، برای اینکه تابع g یکنوا باشد، کافی است نمودار تابع

$$y = -2f(2x+1) \quad (\text{با شرط } x \geq 1)$$

دھیم.

$$\Rightarrow a \geq 1$$

(مسابقات - تابع، صفحه‌های ۱۵ تا ۱۸)

(میب شفیعی)

-۸۹

طبق قضیه تقسیم داریم:

$$f(x) = (x^3 + x - 2)q(x) + 2x + 3$$

باقي‌مانده تقسیم $f(x)$ بر $x-1$ ، برابر است با $(1)f$. بنابراین داریم:

$$r = f(1) = 0 + 2(1) + 3 = 5$$

(مسابقات - تابع، صفحه‌های ۱۸ تا ۲۰)

(کاظم اجلالی)

-۹۰

ابتدا باقی‌مانده تقسیم چندجمله‌ای $p(x)$ بر $x-1$ را بدست می‌آوریم:

$$r = p(1) = 1 - 5 + 4 + 2 = 2$$

$$x^4 - 5x^3 + 4x^2 + 2 = (x-1)g(x) + 2$$

بنابر قضیه تقسیم داریم:

در تساوی فوق $x-1 = 0$ را قرار می‌دهیم و داریم:

$$-1 + 5 + 4 + 2 = -2g(-1) + 2 \Rightarrow g(-1) = -4$$

بنابراین باقی‌مانده تقسیم چندجمله‌ای (x) برابر $x+1$ است.

$$g(-1) = -4$$

(مسابقات - تابع، صفحه‌های ۱۸ تا ۲۰)

(میب شفیعی)

-۸۵

با توجه به زوج مرتب‌های توابع f و g داریم:

$$fog = \{(-1, 2), (1, 4)\}, gof = \{(-1, 3), (3, 1)\}$$

$$fog = \{(-1, -1), (3, 3)\}, gog = \{(1, 1), (2, 2)\}$$

توابع fog ، f و g صعودی و تابع gof نزولی است.

(مسابقات - تابع، صفحه‌های ۱۵ تا ۱۸)

(علیرضا رفیعی)

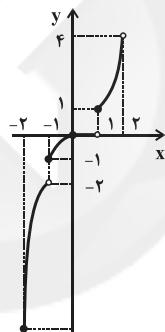
-۸۶

با پیدا کردن مقادیر تابع گزینه‌های «۱» تا «۳» به ازای $x_1 = -1$ و

$x_2 = 0$ به سادگی می‌بینیم که این تابع در شرط تعریف تابع صعودی قرار

نمی‌گیرند. بنابراین تابع $y = [x^2]^{x^2}$ پاسخ صحیح خواهد بود.

نمودار این تابع را در شکل زیر مشاهده می‌کنید.



(مسابقات - تابع، صفحه‌های ۱۵ تا ۱۸)

(کاظم اجلالی)

-۸۷

تابع f به صورت زیر است:

$$f(x) = \begin{cases} x + 2(x-2a) & ; x \geq 2a \\ x - 2(x-2a) & ; x \leq 2a \end{cases} \Rightarrow f(x) = \begin{cases} 3x - 4a & ; x \geq 2a \\ -x + 4a & ; x \leq 2a \end{cases}$$

واضح است که تابع f روی بازه $(-\infty, 2a]$ اکیداً نزولی و روی بازه

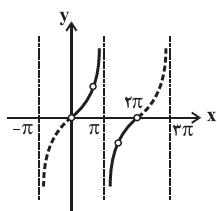
$[2a, +\infty)$ اکیداً صعودی است. بنابراین برای اینکه در بازه $(-2, 4)$

غیریکنوا باشد، لازم است ریشه عبارت داخل قدرمطلق (نقطه گوشه‌ای نمودار

تابع) یعنی $x = 2a$ ، در این بازه قرار بگیرد. پس داریم:

$$-2 < 2a < 4 \Rightarrow -1 < a < 2$$

(مسابقات - تابع، صفحه‌های ۱۵ تا ۱۸)



(مسابان ۲ - مثلثات، صفحه‌های ۳۰ تا ۳۲)

(به انگلیسی: Yekta)

در توابعی به فرم $y = a \cos bx + c$ و $y = a \sin bx + c$ ، فاصله افقی دو

نقطه ماکریم و مینیمم متولی اش برابر نصف دوره تناوب تابع است. بنابراین

$$\Rightarrow T = 4\pi \Rightarrow \frac{2\pi}{|b|} = 4\pi \Rightarrow |b| = \frac{1}{2} \quad \text{در این سؤال } \frac{T}{2} = 2\pi \text{ است.}$$

$$c = \frac{y_{\max} + y_{\min}}{2} \Rightarrow c = \frac{\frac{1}{2} + \left(-\frac{5}{2}\right)}{2} = -1 \quad \text{همچنین داریم:}$$

از طرفی برای به دست آوردن a نیز می‌توانیم بنویسیم:

$$y_{\max} = |a| + c = |a| - 1 \xrightarrow{y_{\max} = \frac{1}{2}} |a| = \frac{3}{2}$$

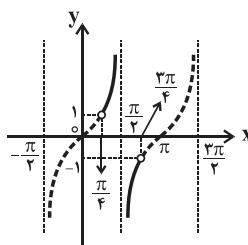
حال با توجه به اینکه در همسایگی $x = 0$ ، تابع f نزولی است، باید b مقداری منفی داشته باشد. بنابراین ضابطه تابع f را می‌توان به صورت زیر

$$f(x) = -\frac{3}{2} \sin \frac{x}{2} - 1 \quad \text{نوشت:}$$

$$\Rightarrow f\left(\frac{\pi}{2}\right) = -\frac{3}{2} \sin \frac{\pi}{6} - 1 = -\frac{3}{2} \left(\frac{1}{2}\right) - 1 = -\frac{7}{4}$$

(مسابان ۲ - مثلثات، صفحه‌های ۳۰ تا ۳۲)

(محمد علیزاده)

ابتدا شکل تابع $y = \tan \alpha$ را در بازه $\left(\frac{\pi}{4}, \frac{3\pi}{4}\right)$ به صورت زیر رسم می‌کنیم.

با توجه به نمودار بالا داریم:

$$\frac{\pi}{4} < \alpha < \frac{3\pi}{4} \Rightarrow \tan \alpha < -1 \text{ یا } \tan \alpha > 1$$

(کاظم اجلالی)

-۹۱

$$65^\circ - \alpha = 135^\circ - (\alpha + 70^\circ)$$

$$\Rightarrow \tan(65^\circ - \alpha) = \tan(135^\circ - (\alpha + 70^\circ))$$

$$= \frac{\tan 135^\circ - \tan(\alpha + 70^\circ)}{1 + \tan 135^\circ \tan(\alpha + 70^\circ)} = \frac{-1 - 3}{1 + (-1)(3)} = 2$$

(مسابان ۲ - مثلثات، صفحه ۲)

-۹۲

(میب شفیعی)

با پیدا کردن ضابطه $f \cdot g$ و ساده کردن آن داریم:

$$(f \cdot g)(x) = f(x)g(x) = \frac{1 + \tan x}{1 + \tan^2 x} (1 - \tan x) = \frac{1 - \tan^2 x}{1 + \tan^2 x}$$

$$= \frac{1 - \frac{\sin^2 x}{\cos^2 x}}{\frac{1}{\cos^2 x}} = \cos^2 x - \sin^2 x = \cos 2x ; x \neq k\pi + \frac{\pi}{2} \quad (k \in \mathbb{Z})$$

دوره تناوب این تابع برابر است با:

$$\frac{2\pi}{|2|} = \pi$$

(مسابان ۲ - مثلثات، صفحه ۲)

-۹۳

(میب شفیعی)

ابتدا ضابطه تابع را ساده‌تر می‌کنیم:

$$y = \frac{1}{\sin x} - \frac{1}{\tan x} = \frac{1}{\sin x} - \frac{\cos x}{\sin x} = \frac{1 - \cos x}{\sin x} = \frac{\frac{\pi}{2} \sin \frac{x}{2}}{\frac{\pi}{2} \sin \frac{x}{2} \cos \frac{x}{2}}$$

$$= \frac{\sin \frac{x}{2}}{\cos \frac{x}{2}} = \tan \frac{x}{2} ; x \neq \frac{k\pi}{2} \quad (k \in \mathbb{Z})$$

دوره تناوب این تابع برابر است با $T = \frac{\pi}{|\frac{1}{2}|} = 2\pi$ ، پس کافی است نمودارتابع را در بازه $(0, 2\pi)$ رسم کنیم. نمودار $y = \tan \frac{x}{2}$ از ابسط افقینمودار $x = y = \tan \frac{x}{2}$ در راستای محور طولها با ضریب ۲ حاصل می‌شود.



(بیسپ شفیعی)

-۹۹

$$\sin^4 x + \cos^4 x = \cos \frac{5\pi}{3} \Rightarrow (\sin^2 x + \cos^2 x)^2 - 2 \sin^2 x \cos^2 x$$

$$= \cos \left(2\pi - \frac{\pi}{3} \right)$$

$$\Rightarrow 1 - 2 \left(\frac{1}{2} \sin 2x \right)^2 = \cos \frac{\pi}{3} \Rightarrow 1 - \frac{1}{2} \sin^2 2x = \frac{1}{2} \Rightarrow \sin^2 2x = 1$$

$$\Rightarrow 1 - \sin^2 2x = \cos^2 2x = 0 \Rightarrow 2x = k\pi + \frac{\pi}{2} \Rightarrow x = \frac{k\pi}{2} + \frac{\pi}{4}$$

(مسابان ۲ - مثالیات، صفحه‌های ۳۵ تا ۴۱)

(عادل سعینی)

-۱۰۰

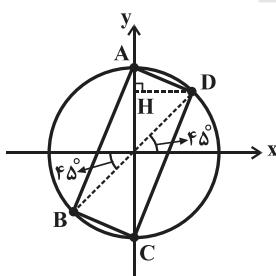
$$1 - \frac{\sin 2x}{2} = \sin^2 x \Rightarrow 1 - \sin^2 x = \sin x \cos x$$

$$\Rightarrow \cos^2 x - \sin x \cos x = \cos x(\cos x - \sin x) = 0$$

$$\Rightarrow \begin{cases} \cos x = 0 \Rightarrow x = k\pi + \frac{\pi}{2} \\ \cos x - \sin x = 0 \Rightarrow \tan x = 1 \Rightarrow x = k\pi + \frac{\pi}{4} \end{cases}$$

با مشخص کردن انتهای کمان جواب‌های بالا، چهارضلعی ABCD حاصل

می‌شود. این چهارضلعی مستطیل است.



حال داریم:

$$S_{ABCD} = 2S_{ACD} = 2 \left(\frac{1}{2} AC \cdot DH \right)$$

$$\frac{AC=\sqrt{2}}{DH=\cos 45^\circ} \Rightarrow S_{ABCD} = 2 \left(\frac{1}{2} (\sqrt{2}) \left(\frac{\sqrt{2}}{2} \right) \right) = \sqrt{2}$$

(مسابان ۲ - مثالیات، صفحه‌های ۳۵ تا ۴۱)

$$\Rightarrow 2m - 3 < -1 \text{ یا } 2m - 3 > 1 \Rightarrow m < 1 \text{ یا } m > 2$$

$$\Rightarrow m \in \mathbb{R} - [1, 2]$$

(مسابان ۲ - مثالیات، صفحه‌های ۳۵ تا ۴۱)

(امیر هوشنگ فمهنه)

-۹۶

$$\tan^3 x = \tan x \Rightarrow 3x = k\pi + x$$

$$\Rightarrow 2x = k\pi \Rightarrow x = \frac{k\pi}{2}; k \in \mathbb{Z}$$

با توجه به دامنه توابع $y = \tan x$ و $y = \tan^3 x$ ، مضارب فرد $\frac{\pi}{2}$

(فرد باشد) غیرقابل قبول است. بنابراین جواب‌های معادله داده شده در

$$\text{بازه } \left[-\pi, \frac{\pi}{4} \right], \text{ عبارت اند از صفر و } -\pi \text{ (به ازای } k = -2 \text{ و } k = 0 \text{) که}$$

مجموع آنها برابر $-\pi$ می‌باشد.

(مسابان ۲ - مثالیات، مشابه تمرین ۱، قسمت ج، صفحه ۴۳)

(مهری سفی پور)

-۹۷

$$\cos^4 x = 1 + \sin^4 x$$

$$\Rightarrow \cos^4 x - \sin^4 x = 1$$

$$\Rightarrow (\cos^2 x - \sin^2 x)(\cos^2 x + \sin^2 x) = 1$$

$$\Rightarrow \cos^2 x - \sin^2 x = 1$$

$$\Rightarrow \cos(2x) = 1 \Rightarrow 2x = 2k\pi \Rightarrow x = k\pi; k \in \mathbb{Z}$$

 واضح است که هیچ کدام از جواب‌های معادله در بازه $(0, \pi)$ قرار

نمی‌گیرند.

(مسابان ۲ - مثالیات، صفحه‌های ۳۵ تا ۴۱)

(کاظم اجلالی)

-۹۸

$$\tan^3 x + \tan x = \sqrt{3} - \sqrt{3} \tan 2x \tan 3x$$

$$\tan^3 x + \tan x = \sqrt{3}(1 - \tan 2x \tan 3x)$$

$$\frac{\tan^3 x + \tan x}{1 - \tan^3 x \tan 2x} = \sqrt{3} \Rightarrow \tan(3x + 2x) = \sqrt{3}$$

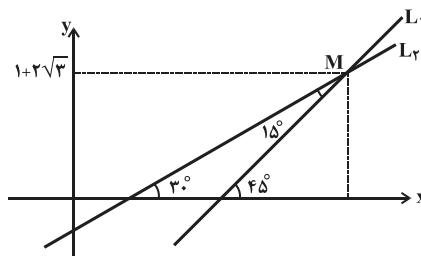
$$\Rightarrow \tan 5x = \tan \frac{\pi}{3} \Rightarrow 5x = k\pi + \frac{\pi}{3} \Rightarrow x = \frac{k\pi}{5} + \frac{\pi}{15}$$

(مسابان ۲ - مثالیات، صفحه ۴۲)



(عادل مسین)

- ۱۰۳

شیب خط L_1 برابر یک است، بنابراین با قسمت مثبت محور x ها زاویه۴۵° می‌سازد، حال نقطه M روی هر دو خط L_1 و L_2 قرار دارد، عرضآن برابر $1+2\sqrt{3}$ و طول آن برابر $1+2\sqrt{3} + 5 = 6+2\sqrt{3}$ است. ازطرفی با توجه به شکل بالا، زاویه خط L_2 با قسمت مثبت محور x ها، 30° است، بنابراین شیب آن برابر است با $\tan 30^\circ = \frac{1}{\sqrt{3}}$. حال با استفاده ازشیب خط و مختصات نقطه M برای معادله خط L_2 داریم:

$$y - (1+2\sqrt{3}) = \frac{1}{\sqrt{3}}(x - 6 - 2\sqrt{3})$$

$$\Rightarrow L_2 : y = \frac{x}{\sqrt{3}} - 1 \Rightarrow x - \sqrt{3}y = \sqrt{3}$$

(ریاضی - مثلثات، صفحه ۳۰)

(علی شهرابی)

- ۱۰۴

عبارت $\tan^2 x + \cot^2 x$ را ساده‌تر می‌نویسیم:

$$\tan^2 x + \cot^2 x = (\tan x + \cot x)^2 - 2 \underline{\tan x \cot x}$$

$$= \left(\frac{\sin x}{\cos x} + \frac{\cos x}{\sin x} \right)^2 - 2 = \left(\frac{\sin^2 x + \cos^2 x}{\sin x \cos x} \right)^2 - 2$$

$$= \left(\frac{1}{\sin x \cos x} \right)^2 - 2 \quad (*)$$

طرفین تساوی داده شده را به توان ۲ می‌رسانیم:

$$\sin x + \cos x = \frac{1}{\sqrt{3}} \xrightarrow{\text{بتوان}} \underline{\sin^2 x + \cos^2 x} + 2 \sin x \cos x = \frac{4}{3}$$

$$\Rightarrow \sin x \cos x = \frac{1}{6}$$

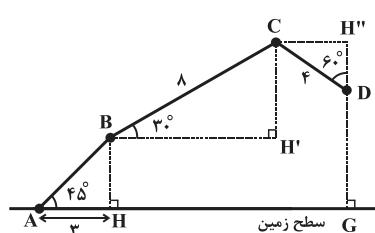
$$\xrightarrow{(*)} \left(\frac{1}{\sin x \cos x} \right)^2 - 2 = 6^2 - 2 = 34$$

(ریاضی - مثلثات، صفحه‌های ۳۴ و ۳۵)

ریاضی پایه

- ۱۰۱

(همیر علیزاده)



$$DG = BH + CH' - DH''$$

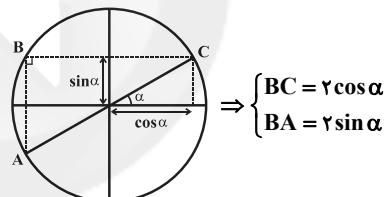
$$= AH \tan 45^\circ + BC \sin 30^\circ - CD \cos 60^\circ$$

$$\Rightarrow DG = 3 \times 1 + 8 \times \frac{1}{2} - 4 \times \frac{1}{2} = 5$$

(ریاضی - مثلثات، صفحه‌های ۳۴ و ۳۵)

(علی شهرابی)

- ۱۰۲

اضلاع مثلث ABC را بر حسب نسبت‌های مثلثاتی زاویه α می‌نویسیم:

$$\Rightarrow S_{\triangle ABC} = \frac{BC \times BA}{2} \Rightarrow \frac{\gamma}{9} = \frac{\gamma \cos \alpha \gamma \sin \alpha}{2}$$

$$\Rightarrow \gamma \sin \alpha \cos \alpha = \frac{\gamma}{9}$$

در نتیجه مختصات نقطه A به صورت زیر است:

$$A = (\cos(\pi + \alpha), \sin(\pi + \alpha)) = (-\cos \alpha, -\sin \alpha)$$

$$A = -\sin \alpha - \cos \alpha = -(\sin \alpha + \cos \alpha)$$

حال با کمک اتحادها داریم:

$$(\sin \alpha + \cos \alpha)^2 = \underline{\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha} + \underline{2 \sin \alpha \cos \alpha} = \frac{16}{9}$$

$$\frac{\sin \alpha > 0}{\cos \alpha > 0} \Rightarrow \sin \alpha + \cos \alpha = \frac{4}{3}$$

$$\Rightarrow A = -(\sin \alpha + \cos \alpha) = -\frac{-4}{3}$$

(ریاضی - مثلثات، صفحه‌های ۳۴ و ۳۵)



(علی شهراوی)

-۱۰۸

$$\sin \frac{x}{2} - \cos \frac{x}{2} = \frac{\sqrt{5}}{2}$$

$$\text{توان ۲} \rightarrow \sin^2 \frac{x}{2} + \cos^2 \frac{x}{2} - 2 \underbrace{\sin \frac{x}{2} \cos \frac{x}{2}}_{\sin x} = \frac{5}{4}$$

$$1 - \sin x = \frac{5}{4} \Rightarrow \sin x = -\frac{1}{4}$$

حالا با داشتن $\sin x$, مقدار $\cos 2x$ را حساب می‌کنیم:

$$\cos 2x = 1 - 2 \sin^2 x = 1 - 2 \left(-\frac{1}{4}\right)^2 = \frac{7}{8}$$

$$\Rightarrow \sin x + 2 \cos 2x = -\frac{1}{4} + 2 \left(\frac{7}{8}\right) = -\frac{1}{4} + \frac{7}{4} = \frac{3}{2}$$

(مسابان ا- مثلثات، صفحه‌های ۱۰۳ تا ۱۰۴)

(کاظم اجلالی)

-۱۰۹

ابتدا از تساوی $\lambda \sin x = \lambda \cot x$ مقدار $\cos x$ را بدست می‌آوریم.

$$\lambda \sin x = \frac{\lambda \cos x}{\sin x} \Rightarrow \lambda \sin^2 x = \lambda \cos x$$

$$\lambda - \lambda \cos^2 x = \lambda \cos x \Rightarrow \lambda \cos^2 x + \lambda \cos x - \lambda = 0$$

$$\Rightarrow (\lambda \cos x - 1)(\cos x + \lambda) = 0$$

$$\Rightarrow \begin{cases} \cos x = -\lambda \\ \cos x = \frac{1}{\lambda} \end{cases}$$

$$\Rightarrow \sin\left(\frac{4\pi}{3} - 2x\right) = -\cos 2x = 1 - 2 \cos^2 x = 1 - 2\left(\frac{1}{\lambda}\right)^2 = \frac{7}{9}$$

(مسابان ا- مثلثات، صفحه‌های ۱۰۳ تا ۱۰۴)

(عرفان صادقی)

-۱۱۰

اگر $\alpha = 5^\circ$ باشد، داریم:

$$A = \sin 3\alpha + (\cos 2\alpha - \sin 2\alpha)(\cos \alpha - \sin \alpha)$$

$$= \sin 3\alpha + \cos 2\alpha \cos \alpha - \cos 2\alpha \sin \alpha - \sin 2\alpha \cos \alpha + \sin 2\alpha \sin \alpha$$

$$= \sin 3\alpha + \cos 2\alpha \cos \alpha + \sin 2\alpha \sin \alpha - (\cos 2\alpha \sin \alpha + \sin 2\alpha \cos \alpha)$$

$$= \sin 3\alpha + \cos(2\alpha - \alpha) - \sin(2\alpha + \alpha)$$

$$= \sin 3\alpha + \cos \alpha - \sin 3\alpha = \cos \alpha \xrightarrow{\alpha=5^\circ} A = \cos 5^\circ$$

(مسابان ا- مثلثات، صفحه‌های ۱۰۳ تا ۱۰۴)

(کاظم اجلالی)

-۱۰۵

$$\sin \frac{7\pi}{4} = \sin\left(2\pi - \frac{\pi}{4}\right) = -\sin \frac{\pi}{4} = -\frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$\cos \frac{5\pi}{3} = \cos\left(2\pi - \frac{\pi}{3}\right) = \cos \frac{\pi}{3} = \frac{1}{2}$$

$$\cos \frac{5\pi}{4} = \cos\left(\pi + \frac{\pi}{4}\right) = -\cos\left(\frac{\pi}{4}\right) = -\frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$\sin \frac{5\pi}{6} = \sin\left(\pi + \frac{\pi}{6}\right) = -\sin \frac{\pi}{6} = -\frac{1}{2}$$

بنابراین مقدار عبارت مورد نظر برابر است با:

$$\left(-\frac{\sqrt{2}}{2}\right)\left(\frac{1}{2}\right) - \left(-\frac{\sqrt{2}}{2}\right)\left(-\frac{1}{2}\right) = -\frac{\sqrt{2}}{2}$$

(مسابقات ا- مثلثات، صفحه‌های ۱۰۳ تا ۱۰۴)

(میلاد منصوری)

-۱۰۶

$$\sin 120^\circ = \sin(90^\circ + 30^\circ) = \cos 30^\circ$$

$$\cos 240^\circ = \cos(270^\circ - 30^\circ) = -\sin 30^\circ$$

$$\sin 240^\circ = \sin(270^\circ - 30^\circ) = -\cos 30^\circ$$

$$\sin 30^\circ = \sin(360^\circ - 30^\circ) = -\sin 30^\circ$$

$$\Rightarrow \frac{\cos 30^\circ - 2 \sin 30^\circ}{-\sqrt{3} \cos 30^\circ - \sin 30^\circ} = a \xrightarrow{\substack{+\cos 30^\circ \\ -\sqrt{3} \cos 30^\circ}} \frac{1 - 2 \tan 30^\circ}{-\sqrt{3} - \tan 30^\circ} = a$$

$$\Rightarrow 1 - 2 \tan 30^\circ = -\sqrt{3}a - a \tan 30^\circ \Rightarrow (a - 2) \tan 30^\circ = -\sqrt{3}a - 1$$

$$\Rightarrow \tan 30^\circ = \frac{\sqrt{3}a + 1}{2 - a}$$

(مسابقات ا- مثلثات، صفحه‌های ۱۰۳ تا ۱۰۴)

(علی شهراوی)

-۱۰۷

با طرفین وسطین کردن تساوی داده شده، داریم:

$$\sin 12^\circ \cos 36^\circ + A \sin 12^\circ = \cos 12^\circ \sin 36^\circ$$

$$\Rightarrow A \sin 12^\circ = \sin 36^\circ \cos 12^\circ - \sin 12^\circ \cos 36^\circ$$

$$\Rightarrow A \sin 12^\circ = \sin(36^\circ - 12^\circ)$$

$$A \sin 12^\circ = \sin 24^\circ \Rightarrow A = \frac{\sin 24^\circ}{\sin 12^\circ} = \frac{2 \sin 12^\circ \cos 12^\circ}{\sin 12^\circ} = 2 \cos 12^\circ$$

(مسابقات ا- مثلثات، صفحه‌های ۱۰۳ تا ۱۰۴)



(امیرحسین ابومصوب)

-۱۱۴

۳ هندسه

$$\begin{cases} ax + by = c \\ a'x + b'y = c' \end{cases}$$

دستگاه معادلات دو مجهولی به شمار جواب دارد که شرط

$$\frac{a}{a'} = \frac{b}{b'} = \frac{c}{c'}$$

برقرار باشد. در دستگاه معادلات مورد نظر داریم:

$$\frac{a}{a'} = \frac{b}{b'} \Rightarrow \frac{k^2}{3} = \frac{-3}{k^2 - 10} \Rightarrow k^2(k^2 - 10) + 9 = 0.$$

$$\Rightarrow k^4 - 10k^2 + 9 = 0.$$

$$\Rightarrow (k^2 - 1)(k^2 - 9) = 0 \Rightarrow \begin{cases} k^2 = 1 \Rightarrow k = \pm 1 \\ k^2 = 9 \Rightarrow k = \pm 3 \end{cases} \quad (1)$$

$$\frac{a}{a'} = \frac{c}{c'} \Rightarrow \frac{k^2}{3} = \frac{-2k + 3}{3} \Rightarrow k^2 = -2k + 3$$

$$\Rightarrow k^2 + 2k - 3 = 0 \Rightarrow (k+3)(k-1) = 0 \Rightarrow \begin{cases} k = 1 \\ k = -3 \end{cases}$$

بنابراین با توجه به اشتراک (۱) و (۲) دستگاه به ازای ۱ و -۳

بی شمار جواب دارد. پس مجموع مقادیر k ، برابر (-2) است.

(هنرسه ۳- ماتریس و کاربردها، صفحه‌های ۲۶ تا ۲۳)

(عباس اسری امیرآبادی)

-۱۱۵

طبق دستور ساروس برای محاسبه دترمینان ماتریس‌های 3×3 داریم:

$$\left| \begin{array}{ccc} 3 & 2 & 4 \\ k & 1 & -2 \\ 0 & 1 & -1 \end{array} \right| = 0 \Rightarrow (-3 + 0 + 4k) - (0 - 6 - 2k) = 0 \Rightarrow 6k + 3 = 0$$

$$\left| \begin{array}{ccc} 3 & 2 & 4 \\ k & 1+a & -2+b \\ 0 & 1 & -1 \end{array} \right| = 0$$

$$\Rightarrow [-3(1+a) + 0 + 4k] - [0 + 3(-2+b) - 2k] = 0$$

$$\Rightarrow (-3 - 3a + 4k) - (-6 + 3b - 2k) = 0$$

$$\Rightarrow \underbrace{6k + 3}_{0} - 3(a + b) = 0 \Rightarrow -3(a + b) = 0 \Rightarrow a + b = 0$$

(هنرسه ۳- ماتریس و کاربردها، صفحه‌های ۲۷ تا ۲۳)

(امیرحسین ابومصوب)

-۱۱۱

در یک ماتریس قطری، درایه‌های خارج قطر اصلی همگی برابر صفر هستند،

بنابراین داریم:

$$AB = \begin{bmatrix} -2 & b & -1 \\ 2 & 1 & -a \\ 0 & 0 & 3 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} a & -1 \\ 1 & a \\ 2a+1-2ab & -2a-4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -2a-b & 1+ab \\ 2a+1-2ab & -2a-4 \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow 1+ab = 0 \Rightarrow ab = -1 \quad (*)$$

$$\Rightarrow \begin{cases} 2a+1-2ab = 0 \\ 2a+1-2(-1) = 0 \end{cases} \Rightarrow 2a+1+2 = 0 \Rightarrow a = -\frac{3}{2}$$

$$\xrightarrow{(*)} b = \frac{2}{3}$$

$$a+b = -\frac{3}{2} + \frac{2}{3} = \frac{-9+4}{6} = -\frac{5}{6}$$

(هنرسه ۳- ماتریس و کاربردها، صفحه‌های ۱۷ و ۱۸)

(امیرهوشمند فمسه)

-۱۱۲

$$A^{-1} = \begin{bmatrix} \frac{1}{2} & -\frac{1}{2} \\ \frac{1}{2} & \frac{1}{2} \end{bmatrix} \Rightarrow A = \frac{1}{\frac{1}{2} \times \frac{1}{2} - \left(-\frac{1}{2}\right) \times \frac{1}{2}} \begin{bmatrix} \frac{1}{2} & \frac{1}{2} \\ -\frac{1}{2} & \frac{1}{2} \end{bmatrix}$$

$$= 2 \begin{bmatrix} \frac{1}{2} & \frac{1}{2} \\ -\frac{1}{2} & \frac{1}{2} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ -1 & 1 \end{bmatrix}$$

$$A^2 = \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ -1 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ -1 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 2 \\ -2 & 0 \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow A^4 = \begin{bmatrix} 0 & 2 \\ -2 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 & 2 \\ -2 & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -4 & 0 \\ 0 & -4 \end{bmatrix} = -4I$$

$$\Rightarrow A^{12} = (A^4)^3 = (-4I)^3 = -64I = \begin{bmatrix} -64 & 0 \\ 0 & -64 \end{bmatrix}$$

بنابراین مجموع درایه‌های ماتریس A^{12} ، برابر (-128) است.

(هنرسه ۳- ماتریس و کاربردها، صفحه‌های ۱۷ تا ۲۳)

(ممدر قدران)

-۱۱۳

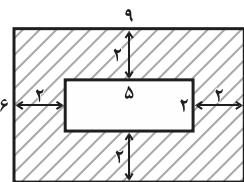
اگر $\begin{bmatrix} 2 \\ -1 \end{bmatrix}$ جواب دستگاه باشد، آنگاه داریم:

$$\begin{bmatrix} a & 2 \\ -1 & b \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 \\ -1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 6 \\ -2 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{cases} 2a - 2 = 6 \Rightarrow a = 4 \\ -2 - b = -2 \Rightarrow b = 0 \end{cases}$$

$$A = \begin{bmatrix} 4 & 2 \\ -1 & 0 \end{bmatrix} \Rightarrow A^{-1} = \frac{1}{4 \times 0 - 2(-1)} \begin{bmatrix} 0 & -2 \\ 1 & 4 \end{bmatrix}$$

$$= \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 0 & -2 \\ 1 & 4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & -1 \\ \frac{1}{2} & 2 \end{bmatrix} \Rightarrow \text{مجموع درایه‌ها} = 0 - 1 + \frac{1}{2} + 2 = \frac{3}{2}$$

(هنرسه ۳- ماتریس و کاربردها، صفحه‌های ۲۳ تا ۲۶)



مطابق شکل داریم:

$$S = 9 \times 6 - 5 \times 2 = 54 - 10 = 44 \text{ هاشورخورده}$$

(هنرسه ۳- آشناي با مقاطع مفروطي، صفحه‌های ۳۶ تا ۳۹)

(مبشره ضرایب)

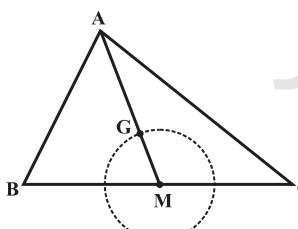
-۱۱۹

تنها در صورتی نقطه‌ای در صفحه به فاصله یکسالان از تمامی اضلاع یک چندضلعی وجود دارد که نیمسازهای زوایای داخلی آن چندضلعی در یک نقطه هم‌رس باشند. در این صورت چندضلعی را محیطی می‌نامند. چهارضلعی ABCD در صورتی محیطی است که $AB + CD = AD + BC$ باشد، یعنی مجموع اندازه‌های دو ضلع مقابل، برابر مجموع اندازه‌های دو ضلع مقابل دیگر باشد. با توجه به این تعریف کایت همواره محیطی است و مستطیل و متوازی‌الاضلاع محیطی نیستند. همچنین ذوزنقه متساوی‌الساقین تنها در صورتی که مجموع طول دو قاعده آن برابر مجموع طول ساق‌ها باشد، چهارضلعی محیطی است.

(هنرسه ۳- آشناي با مقاطع مفروطي، صفحه‌های ۳۶ تا ۳۹)

(امیرحسین ابومهیوب)

-۱۲۰



فرض کنید مثلث ABC رسم شده و G نقطه همرسی میانه‌های این مثلث باشد. می‌دانیم میانه‌های یک مثلث یکدیگر را به نسبت ۲ به ۱ قطع می‌کنند، بنابراین $GM = \frac{1}{3}AM$ است و با توجه به ثابت بودن طول میانه AM، طول پاره خط GM نیز ثابت است. از طرفی با توجه به ثابت بودن ضلع BC، نقطه M وسط ضلع BC نیز ثابت است. بنابراین مکان هندسی نقطه همرسی میانه‌های مثلث ABC، روی دایره‌ای به مرکز M و به شعاع $\frac{1}{3}AM$ قرار دارد. (به جز نقاط برخورد این دایره با ضلع BC یا امتداد آن).

(هنرسه ۳- آشناي با مقاطع مفروطي، صفحه‌های ۳۶ تا ۳۹)

(مبشره ضرایب)

-۱۱۶

$$\tan 2\alpha = -2 \Rightarrow \frac{\sin 2\alpha}{\cos 2\alpha} = -2 \Rightarrow \sin 2\alpha = -2 \cos 2\alpha$$

اگر دترمینان ماتریس A را بر حسب سطر دوم محاسبه کنیم، آنگاه داریم:

$$|A| = 16(\sin \alpha + \cos \alpha)(\sin \alpha - \cos \alpha) - 15 \sin \alpha \cos \alpha$$

$$= 16(\sin^2 \alpha - \cos^2 \alpha) - \frac{15}{4}(\sin \alpha \cos \alpha)$$

$$= 16(-\cos 2\alpha) - \frac{15}{4}(\sin 2\alpha)$$

$$= -16 \cos 2\alpha - \frac{15}{4}(-2 \cos 2\alpha)$$

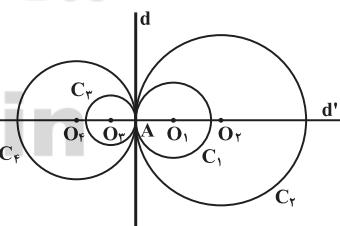
$$= -16 \cos 2\alpha + 15 \cos 2\alpha = -\cos 2\alpha$$

(هنرسه ۳- ماتریس و کاربردها، صفحه‌های ۲۷ تا ۳۱)

(ممدر فنران)

-۱۱۷

می‌دانیم خط مماس بر دایره در نقطه تماس، بر شعاع گذرنده از آن نقطه عمود است، بنابراین اگر مطابق شکل، O_1 ، O_2 ، O_3 و O_4 مرکز تعدادی از دایره‌های مماس بر خط d در نقطه A باشند، آنگاه خط d بر شعاع‌های O_1A ، O_2A ، O_3A و O_4A از این دایره‌ها عمود است. در نتیجه تمامی این نقاط بر روی خطی مانند d' که در نقطه A بر خط d قرار می‌گیرند، از طرفی هر نقطه واقع بر خط d' می‌تواند مرکز دایره‌ای باشد که در نقطه A بر خط d عمود است، پس خط d' مکان هندسی مراکز این دایره‌ها می‌باشد.



(هنرسه ۳- آشناي با مقاطع مفروطي، مشابه تمرين ۱ «ب»، صفحه ۳۹)

(ممدر فنران)

-۱۱۸

در صورتی بخشی از سکه داخل مستطیل و بخشی از آن خارج مستطیل قرار می‌گیرد که مرکز سکه به فاصله کمتر از ۲ واحد از محیط مستطیل واقع شود. در این صورت مرکز سکه باید داخل ناحیه هاشورخورده در شکل قرار گیرد.



(میشوره ضرایبی)

-۱۲۴

$$\left. \begin{array}{l} a | 6n - 5 \xrightarrow{\text{بتوان}} a^2 | (6n - 5)^2 \Rightarrow a^2 | 36n^2 - 60n + 25 \\ a^2 | 3n - 5 \xrightarrow{\times 12n} a^2 | 36n^2 - 60n \end{array} \right\}$$

$$\xrightarrow{\text{تفاضل}} a^2 | 25 \Rightarrow a | 5 \xrightarrow{a > 1} a = 5$$

(ریاضیات گسسته-آشناي با نظرية اعداد، صفحه های ۹ تا ۱۲)

(عزیزالله علی اصغری)

-۱۲۵

اگر تعداد ظرف های ۳ و ۷ لیتری را به ترتیب با x و y نمایش دهیم، آنگاه

$$3x + 7y = 80 \Rightarrow 7y \equiv 80 \Rightarrow y \equiv 2 \Rightarrow y = 3k + 2 \quad (k \in \mathbb{Z}) \quad \text{داریم:}$$

$$3x + 7(3k + 2) = 80 \Rightarrow 3x = -21k + 66 \Rightarrow x = -7k + 22$$

تعداد ظرفها عددی حسابی است، بنابراین داریم:

$$\left. \begin{array}{l} x \geq 0 \Rightarrow -7k + 22 \geq 0 \Rightarrow k \leq \frac{22}{7} \\ y \geq 0 \Rightarrow 3k + 2 \geq 0 \Rightarrow k \geq -\frac{2}{3} \end{array} \right\} \xrightarrow{k \in \mathbb{Z}} 0 \leq k \leq 3$$

به ازای مقادیر $k = 0, 1, 2, 3$ ، تعداد ظرف های ۳ و ۷ لیتری عددی حسابی

است، پس به چهار طریق می توان ۸۰ لیتر آب را به وسیله ظرف های ۳ و ۷ لیتری تخلیه نمود.

(ریاضیات گسسته-آشناي با نظرية اعداد، صفحه های ۱۵ تا ۲۶)

(میشوره ضرایبی)

$$7x + 11y = 23 \Rightarrow 11y \equiv 23 \Rightarrow 4y \equiv 2 \equiv 2 + 2 \times 7$$

$$\xrightarrow[4,7=1]{\div 4} y \equiv 4 \Rightarrow y = 7k + 4 \quad (k \in \mathbb{Z})$$

$$7x + 11(7k + 4) = 23 \Rightarrow 7x = -77k - 21 \Rightarrow x = -11k - 3$$

$$x + y = (-11k - 3) + (7k + 4) = -4k + 1$$

اگر $k = -3$ باشد، آنگاه $x + y = 13$ است ولی به ازای هیچ مقداری از k ، حاصل $x + y$ برابر اعداد سایر گزینه ها نخواهد بود.

(ریاضیات گسسته-آشناي با نظرية اعداد، صفحه های ۱۵ تا ۲۶)

ریاضیات گسسته

(پواره هاتم)

-۱۲۱

اگر عدد a مضرب ۵ نباشد، به یکی از صورت های $5k \pm 2$ یا $(k \in \mathbb{Z})$ نوشته می شود. طبق ویژگی های همنهشتی داریم:

$$a = 5k \pm 1 \Rightarrow a \equiv \pm 1 \xrightarrow{\text{بتوان}} a^4 \equiv 1$$

$$a = 5k \pm 2 \Rightarrow a \equiv \pm 2 \xrightarrow{\text{بتوان}} a^4 \equiv 16 \equiv 1$$

بنابراین باقی مانده تقسیم عدد a^4 بر ۵ (در صورتی که a مضرب ۵ نباشد)،

همواره برابر یک است.

(ریاضیات گسسته-آشناي با نظرية اعداد، صفحه های ۱۵ تا ۲۰)

(محمد مهدی ابوترابی)

-۱۲۲

اگر دو رقم سمت راست دو عدد با هم برابر باشند، آنگاه این دو عدد به

بیمانه ۱۰۰ همنهشت هستند، بنابراین داریم:

$$180a - 162 \equiv 50a + 8 \Rightarrow 130a \equiv 170 \Rightarrow 30a \equiv -30$$

$$\xrightarrow[100,30=10]{\div 30} a \equiv -1 \Rightarrow 2a \equiv -2 \Rightarrow 2a - 1 \equiv -3 \equiv 7$$

(ریاضیات گسسته-آشناي با نظرية اعداد، صفحه های ۱۸ تا ۲۲)

(امیرحسین ابومیوب)

-۱۲۳

اعضای مجموعه A ، اعداد صحیح فرد و اعضای مجموعه B ، اعداد صحیحغیر مضرب ۳ هستند، بنابراین اعضای مجموعه $A - B$ ، اعداد صحیح فردمضرب ۳ می باشند. فرض کنید عدد صحیح a به مجموعه $A - B$ تعلق $a = 3k \quad (k \in \mathbb{Z})$ داشته باشد. چون a مضرب ۳ است، پس به صورتقابل نمایش است. اگر k زوج باشد، آنگاه a نیز زوج است که خلاففرض بوده، پس k لزوماً فرد است. در نتیجه داریم:

$$a = 3k \xrightarrow{k=2q+1} a = 3(2q+1) = 6q + 3 \quad (q \in \mathbb{Z})$$

(ریاضیات گسسته-آشناي با نظرية اعداد، صفحه های ۱۵ و ۱۶)



(امیرحسین ابومعبوب)

-۱۲۹

$$x^9 - 8x^6 - 7 \Rightarrow x^9 - 8x^6 + 7 = 0 \Rightarrow (x-1)(x-7)^9 = 0$$

حالاتی ممکن برای برقراری رابطه فوق عبارتند از:

$$1) x-1=9k \Rightarrow x-1 \equiv 0 \Rightarrow x \equiv 1 \quad (k \in \mathbb{Z})$$

$$2) x-7=9k \Rightarrow x-7 \equiv 0 \Rightarrow x \equiv 7 \quad (k \in \mathbb{Z})$$

$$3) \begin{cases} x-1=3k \Rightarrow x \equiv 1 \\ x-7=3k' \Rightarrow x \equiv 7 \end{cases} \quad (k, k' \in \mathbb{Z})$$

از طرفی داریم:

$$x \equiv 1 \xrightarrow{3|9} x \equiv 1$$

$$x \equiv 7 \xrightarrow{3|9} x \equiv 7 \equiv 1$$

پس در واقع تمامی جواب‌های معادله در رابطه همنهشتی $x \equiv 1$ صدق

می‌کنند. داریم:

$$10 \leq 3k+1 \leq 99 \Rightarrow 9 \leq 3k \leq 98 \xrightarrow{k \in \mathbb{Z}} 3 \leq k \leq 32$$

تعداد مقادیر صحیح k , برابر ۳۰ است, پس ۳۰ عدد طبیعی دو رقمی با

شرط مورد نظر وجود دارد.

(ریاضیات کلسسته-آشنایی با نظریه اعداد، صفحه‌های ۹ تا ۱۴ و ۲۶ تا ۲۹)

(امیرحسین ابومعبوب)

-۱۳۰

اگر عدد $582yx$ مضرب ۱۱ باشد، آنگاه داریم:

$$\overline{582yx} \equiv 0 \Rightarrow x-y+2-8+5 \equiv 0 \Rightarrow x-y-1 \equiv 0 \Rightarrow x \equiv y+1$$

با توجه به رابطه به دست آمده در صورتی که $y=9$ باشد، آنگاهاست که رابطه اخیر به ازای هیچ یک از مقادیر ۰ تا ۹ برای x برقرار نیست.

پس در این حالت عدد مورد نظر نمی‌تواند مضرب ۱۱ باشد.

(ریاضیات کلسسته-آشنایی با نظریه اعداد، صفحه‌های ۲۳ و ۲۴)

(محمدمهدی ابترابی)

-۱۲۷

شرط وجود جواب برای معادله $ax+by=c$ در \mathbb{Z} آن است که $(a,b)|c$. بنابراین معادله سیاله مورد نظر در صورتی به ازای تمامی مقادیرصحیح a در \mathbb{Z} دارای جواب است که $a|(a^2+1, 4a+3)|b$. اگر

$$a^2+1, 4a+3=d \quad \text{باشد، آنگاه داریم: } (a^2+1, 4a+3)=d$$

$$\left. \begin{array}{l} d | a^2+1 \xrightarrow{x^4} d | 4a^2+4 \\ d | 4a+3 \xrightarrow{xa} d | 4a^2+3a \end{array} \right\} \xrightarrow{\text{تفاضل}} d | 3a-4$$

$$\left. \begin{array}{l} d | 4a+3 \xrightarrow{x^3} d | 12a+9 \\ d | 3a-4 \xrightarrow{x^4} d | 12a-16 \end{array} \right\} \xrightarrow{\text{تفاضل}} d | 25$$

بنابراین عدد b باید مضرب ۲۵ باشد تا به ازای تمامی مقادیر a , معادله سیاله داده شده در \mathbb{Z} جواب داشته باشد. درین گزینه‌ها تنها عدد ۷۵ دارای این ویژگی است.

(ریاضیات کلسسته-آشنایی با نظریه اعداد، صفحه‌های ۹ تا ۱۴ و ۲۶ تا ۲۹)

(محمدمهدی ابترابی)

-۱۲۸

با استفاده از بسط دوجمله‌ای خیام، می‌دانیم به ازای دو عدد صحیح a و b و عدد طبیعی n , رابطه $(a+b)^n \equiv a^n + b^n$ برقرار است. بنابراین بافرض $a=5$ و $b=7$ داریم:

$$(5+7)^{10} \equiv 5^{10} + 7^{10} \Rightarrow 12^{10} \equiv 5^{10} + 7^{10} \Rightarrow 12^{10} - 7^{10} \equiv 5^{10}$$

بنابراین کافی است باقی‌مانده تقسیم عدد 5^{10} بر 35 بدست آوریم:

$$\left. \begin{array}{l} 5^{10} = 25 \equiv -10 \\ 5^{10} = 125 \equiv -15 \end{array} \right\} \Rightarrow 5^{10} \times 5^{10} \equiv (-10) \times (-15) \Rightarrow 5^{20} \equiv 150 \equiv 10$$

$$\xrightarrow{\text{بتوان}} 5^{20} \equiv 100 \equiv -5$$

درین گزینه‌ها، تنها عدد ۶۵ به پیمانه ۳۵ با (-5) هم‌نهشت است.

(ریاضیات کلسسته-آشنایی با نظریه اعداد، مشابه تمرين ۷ صفحه ۲۹)



از طرفی دو مثلث OAB و OCD با توجه به موازی بودن اضلاع AB و CD ، متشابه‌اند، بنابراین داریم:

$$\frac{S_{\Delta OCD}}{S_{\Delta OAB}} = \left(\frac{CD}{AB}\right)^2 = 4 \Rightarrow S_{\Delta OCD} = 4S_{\Delta OAB}$$

در دو مثلث OAD و OAB ، ارتفاع رسم شده از رأس A مشترک است. پس نسبت مساحت این دو مثلث برابر نسبت طول قاعده‌های آنهاست:

$$\frac{S_{\Delta OAD}}{S_{\Delta OAB}} = \frac{OD}{OB} = 2 \Rightarrow S_{\Delta OAD} = 2S_{\Delta OAB}$$

با فرض $S_{\Delta OAB} = S$ داریم:

$$S_{\Delta OAB} + S_{\Delta OAD} + S_{\Delta OBC} + S_{\Delta OCD} = S_{ABCD}$$

$$\Rightarrow S + 2S + 2S + 4S = 9 \Rightarrow 9S = 9 \Rightarrow S = 1$$

$$S_{\Delta OBC} = 2S = 2$$

(هنرسه - پند ضلعی‌ها، صفحه‌های ۶۷ و ۶۸)

(رضا عباسی اصل)

با توجه به اینکه G نقطه همرسی میانه‌های مثلث ABC است، پس AM و BN میانه‌های وارد بر اضلاع BC و AC هستند. می‌دانیم میانه‌های هر مثلث یکدیگر را به نسبت ۲ به ۱ قطع می‌کنند، بنابراین داریم:

$$GM = 2 \Rightarrow AG = 4, AN = CN = 5$$

$$\begin{aligned} \Delta AGN : AN^2 &= AG^2 + GN^2 \Rightarrow 25 = 16 + GN^2 \Rightarrow GN^2 = 9 \\ \Rightarrow GN &= 3 \Rightarrow BG = 6 \end{aligned}$$

$$S_{\Delta ABG} = \frac{1}{2} AG \times BG = \frac{1}{2} \times 4 \times 6 = 12$$

از وصل کردن نقطه همرسی میانه‌ها به سه رأس مثلث، سه مثلث با مساحت یکسان ایجاد می‌شود. بنابراین داریم:

$$S_{\Delta ABC} = 3S_{\Delta ABG} = 3 \times 12 = 36$$

(هنرسه - پند ضلعی‌ها، صفحه‌های ۶۶ و ۶۷)

(امیرحسین ابومهرب)

اگر b و i به ترتیب تعداد نقاط مرزی و درونی چندضلعی شبکه‌ای اولیه و S' و S به ترتیب مساحت‌های چندضلعی شبکه‌ای اولیه و ثانویه باشند، آنگاه طبق فرمول پیک داریم:

$$\frac{S'}{S} = 4 \Rightarrow \frac{\frac{4b}{2} + 3i - 1}{\frac{b}{2} + i - 1} = 4 \Rightarrow \frac{4b}{2} + 3i - 1 = \frac{4b}{2} + 4i - 4$$

$$\Rightarrow i = 3$$

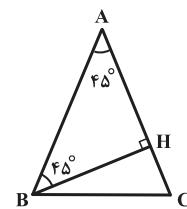
حداقل تعداد نقاط مرزی یک چندضلعی شبکه‌ای برابر ۳ است، بنابراین داریم:

$$S = \frac{b}{2} + i - 1 \Rightarrow S_{\min} = \frac{3}{2} + 3 - 1 = \frac{3}{2}$$

(هنرسه - پند ضلعی‌ها، صفحه‌های ۶۹ تا ۷۱)

هندسه ۱

(ممدر فنران)



-۱۳۱

مجموع فواصل هر نقطه دلخواه واقع بر قاعده یک مثلث متساوی‌الساقین از دو ساق متساوی برابر طول ارتفاع وارد بر ساق است. اگر ارتفاع وارد بر ساق AC را مطابق شکل رسم کنیم، آنگاه مثلث ABH ، مثلث قائم‌الزاویه متساوی‌الساقین است و در نتیجه داریم:

$$\Delta ABH : AB^2 = AH^2 + BH^2 = (2\sqrt{2})^2 + (2\sqrt{2})^2 = 16$$

$$\Rightarrow AB = AC = 4$$

$$S_{\Delta ABC} = \frac{1}{2} BH \times AC = \frac{1}{2} \times 2\sqrt{2} \times 4 = 4\sqrt{2}$$

(هنرسه - پند ضلعی‌ها، صفحه ۶۸)

(ممدر فنران)

اگر a طول ضلع مثلث و h_a طول ارتفاع وارد بر هر ضلع باشد، آنگاه داریم:

$$S = \frac{\sqrt{3}}{4} a^2 \Rightarrow 3\sqrt{3} = \frac{\sqrt{3}}{4} a^2 \Rightarrow a^2 = 12 \Rightarrow a = 2\sqrt{3}$$

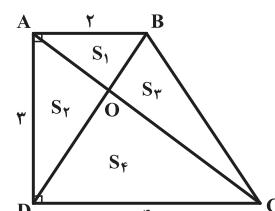
$$h_a = \frac{\sqrt{3}}{2} a = \frac{\sqrt{3}}{2} \times 2\sqrt{3} = 3$$

مجموع فواصل درون یک مثلث متساوی‌الاضلاع از سه ضلع آن، برابر طول ارتفاع مثلث است. اگر فاصله نقطه M از ضلع BC برابر x باشد، داریم:

$$\frac{3}{8} + \frac{15}{8} + x = 3 \Rightarrow x = 3 - \frac{9}{4} = \frac{3}{4}$$

(هنرسه - پند ضلعی‌ها، صفحه‌های ۶۸ و ۶۹)

(سیدرسروش کریمی‌مدافع)



-۱۳۳

$$S_{ABCD} = \frac{1}{2} AD(AB + CD) = \frac{1}{2} \times 3(2 + 4) = 9$$

مساحت دو مثلث OAD و OCB برابر یکدیگر است، یعنی داریم:

$$S_{\Delta OAD} = S_{\Delta OBC}$$



اگر B پیشامد یکسان بودن جنسیت دو فرزند اول خانواده باشد، آنگاه

داریم:

$$A \cap B = \{(5, 5, 5, 5), (5, 5, 5, 5), (5, 5, 5, 5), (5, 5, 5, 5), (5, 5, 5, 5)\}$$

$$P(B|A) = \frac{n(A \cap B)}{n(A)} = \frac{6}{10} = \frac{3}{5}$$

(آمار و احتمال - احتمال، صفحه‌های ۵۲ تا ۵۶)

(یاسین سپهر)

-۱۳۹

$$P(A|B) = \frac{P(A \cap B)}{P(B)} \Rightarrow P(A \cap B) = P(A|B)P(B)$$

$$\Rightarrow P(A \cap B) = 0.8 \times 0.6 = 0.48$$

$$P(A \cap B') = P(A) - P(A \cap B) = 0.6 - 0.48 = 0.12$$

$$P(A|B') = \frac{P(A \cap B')}{P(B')} = \frac{0.12}{1 - 0.6} = 0.3$$

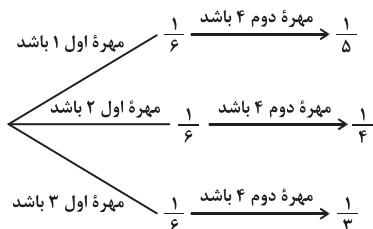
(آمار و احتمال - احتمال، صفحه‌های ۵۲ تا ۵۶)

(مرتضی فیضعلوی)

-۱۴۰

تنها در صورتی شماره دومین مهره خارج شده می‌تواند ۴ باشد که شماره اولین مهره خارج شده، ۱، ۲، ۳ یا ۴ باشد. اگر A پیشامد شماره ۴ بودن دومین مهره و B_1 و B_2 و B_3 به ترتیب پیشامد شماره ۱، ۲ و ۳ بودن

اولین مهره باشد، آنگاه طبق نمودار درختی داریم:



$$P(A) = \frac{1}{6} \times \frac{1}{5} + \frac{1}{6} \times \frac{1}{4} + \frac{1}{6} \times \frac{1}{3} = \frac{1}{6} \left(\frac{1}{5} + \frac{1}{4} + \frac{1}{3} \right) = \frac{1}{6} \times \frac{47}{60}$$

$$P(B_4|A) = \frac{\frac{1}{6} \times \frac{1}{4}}{\frac{1}{6} \times \frac{47}{60}} = \frac{15}{47}$$

(آمار و احتمال - احتمال، صفحه‌های ۵۱ تا ۵۶)

آمار و احتمال

-۱۳۶

(امیرحسین ایومصوب)

احتمال آنکه مهره خارج شده از جعبه سفید باشد، $\frac{6}{16}$ است. حال اگر مهره

خارج شده از جعبه سفید باشد، این مهره را به همراه دو مهره سیاه به جعبه بر می‌گردانیم. در این صورت جعبه شامل ۶ مهره سفید و ۱۲ مهره سیاه است

که در نتیجه این‌بار احتمال خارج کردن یک مهره سفید از جعبه برابر $\frac{6}{18}$

خواهد بود. طبق قانون ضرب احتمال، احتمال آنکه هر دو مهره خارج شده از جعبه سفید باشد، برابر است با:

$$\frac{6}{16} \times \frac{6}{18} = \frac{3}{8} \times \frac{1}{3} = \frac{1}{8}$$

(آمار و احتمال - احتمال، صفحه‌های ۵۶ تا ۵۸)

-۱۳۷

(پژمان فرهادیان)

اگر پیشامدهای B_1 و B_2 به ترتیب سالم و معیوب بودن لامپ انتخابی از

جعبه اول و پیشامد A سالم بودن هر دو لامپ یا معیوب بودن هر دو لامپ

انتخابی از جعبه دوم باشد، آنگاه داریم:

$$P(A) = P(B_1)P(A|B_1) + P(B_2)P(A|B_2)$$

$$= \frac{1}{3} \times \frac{\binom{7}{2} + \binom{3}{2}}{\binom{10}{2}} + \frac{2}{3} \times \frac{\binom{6}{2} + \binom{4}{2}}{\binom{10}{2}}$$

$$= \frac{1}{3} \times \frac{21+3}{45} + \frac{2}{3} \times \frac{15+6}{45} = \frac{8}{45} + \frac{14}{45} = \frac{22}{45}$$

(آمار و احتمال - احتمال، صفحه‌های ۵۱ تا ۵۶)

-۱۳۸

(امیرحسین ایومصوب)

تعداد حالت‌های فضای نمونه برای ۴ فرزند، برابر $16^4 = 16$ است. از طرفی تعداد حالت‌هایی که این خانواده دارای ۲ فرزند پسر و ۲ فرزند دختر باشد،

برابر 6^4 است، بنابراین اگر A پیشامد برابر نبودن تعداد فرزندان

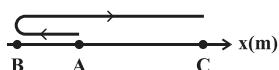
پسر و دختر در این خانواده باشد، آنگاه داریم:

$$n(A) = 16 - 6 = 10$$



(امیرمهدی بعفری)

-۱۴۳



چون علامت سرعت متحرک عوض شده است، بنابراین حرکت متحرک ابتدا

کندشونده و پس تندشونده بوده است و در نتیجه متحرک تغییر جهت داده

است. در نتیجه مسافت طی شده توسط آن از جابه‌جایی متحرک بیشتر

است.

$$v_A = -36 \frac{km}{h} = -10 \frac{m}{s}$$

$$v_B = 0$$

$$v_C = 24 \frac{km}{h} = 20 \frac{m}{s}$$

شتاب حرکت متحرک برابر است با:

$$v_C = at + v_A \Rightarrow 20 = a \times 6 + (-10) \Rightarrow a = 0 / \Delta t = 5 \frac{m}{s^2}$$

حال مسافت‌های AB و BC را محاسبه می‌کنیم:

$$v_B' = v_A' + 2a\Delta x_{AB} \Rightarrow 0 = (-10)^2 + 2 \times 0 / \Delta t \times \Delta x_{AB}$$

$$\Rightarrow \Delta x_{AB} = -100 \text{ m} \Rightarrow |\Delta x_{AB}| = 100 \text{ m}$$

$$v_C' = v_B' + 2a\Delta x_{BC} \Rightarrow 20^2 = 0 + 2 \times 0 / \Delta t \times \Delta x_{BC}$$

$$\Rightarrow \Delta x_{BC} = 400 \text{ m}$$

$$l = |\Delta x_{AB}| + \Delta x_{BC} = 100 + 400 = 500 \text{ m}$$

(فیزیک ۳- حرکت بر فقط راست، صفحه‌های ۱۵ تا ۲۱)

بنابراین:

(امیرمهدی بعفری)

-۱۴۱

چون نمودار مکان – زمان حرکت در مسیر مستقیم به صورت سه‌می است،

بنابراین شتاب حرکت ثابت است و در نتیجه شتاب متوسط در هر بازه زمانی

دلخواه با شتاب لحظه‌ای برابر است. در بازه زمانی ۴s تا ۸s داریم:

$$\Delta x = \frac{1}{2} a t^2 + v_0 t \Rightarrow 20 - 4 = \frac{1}{2} a \times 4^2 + 0 \times 4 \Rightarrow a = 2 \frac{m}{s^2}$$

(فیزیک ۳- حرکت بر فقط راست، صفحه‌های ۱۵ تا ۲۱)

(غلامرضا مصیب)

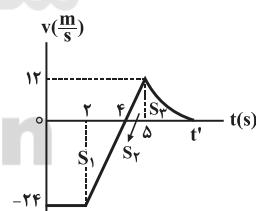
-۱۴۲

مساحت بین نمودار سرعت – زمان و محور زمان در هر بازه زمانی، تغییر

مکان متحرک را طی آن بازه نشان می‌دهد. ابتدا به کمک تشابه مثلث‌ها،

سرعت متحرک را در لحظه $t = 2s$ (یا $t = 0$) می‌بایسیم:

$$\frac{v_0}{|v_2|} = \frac{\Delta t}{\Delta x} \Rightarrow \frac{12}{4-2} = \frac{1}{\Delta x} \Rightarrow |v_2| = 24 \frac{m}{s} \Rightarrow v_0 = v_2 = -24 \frac{m}{s}$$



برای محاسبه مکان متحرک در لحظه t' داریم:

$$x(t') - x(0) = -S_1 + S_2 + S_3$$

$$\Rightarrow x(t') - (-5) = \left[-\frac{4+2}{2} \times 24 \right] + \left[\frac{(5-4) \times 12}{2} \right] + 15$$

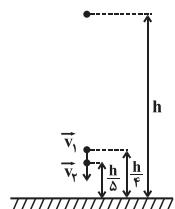
$$\Rightarrow x(t') = -56 \text{ m}$$

(فیزیک ۳- حرکت بر فقط راست، صفحه‌های ۱۵ تا ۲۱)



(محمدعلی راست پیمان)

-۱۴۵



با در نظر گرفتن سطح زمین به عنوان مبدأ مکان و جهت مثبت رو به بالا،

داریم:

$$v_1^2 = -2g\left(\frac{h}{4} - h\right) \Rightarrow v_1^2 = \frac{3}{4}gh$$

$$v_2^2 = -2g\left(\frac{h}{5} - h\right) \Rightarrow v_2^2 = \frac{4}{5}gh$$

$$\Rightarrow v_2^2 - v_1^2 = \left(\frac{4}{5} - \frac{3}{4}\right)gh \Rightarrow h = \frac{10(v_2^2 - v_1^2)}{g}$$

(فیزیک ۳- حرکت بر فقط راست، صفحه‌های ۲۱ تا ۲۴)

(سیدعلی میرنوری)

-۱۴۶

در این آزمایش که به آزمایش گالیله معروف است، چون سطح صیقلی و

بدون اصطکاک است، در لحظه عبور گلوله از نقطه B، نیروی خالص وارد بر

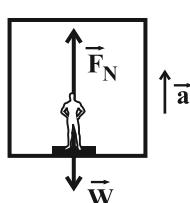
گلوله صفر است و جسم در امتداد سطح افقی با همان سرعتی که به

رسیده، به حرکت خود ادامه می‌دهد.

(فیزیک ۳- دینامیک و حرکت دایره‌ای، صفحه‌های ۳۰ تا ۳۲)

(امیرحسین مقوزی)

-۱۴۷



(مسن غنچه‌لر)

-۱۴۴

روش اول:

طبق رابطه $v = at + v_0$ ، نتیجه می‌گیریم که در این سؤال، متحرک دارای

شتاب ثابت A است.

$$\begin{cases} t_1 = 4s \Rightarrow v_1 = 4A + B \\ t_2 = 6s \Rightarrow v_2 = 6A + B \end{cases}$$

$$\Rightarrow v_{av} = \frac{v_1 + v_2}{2} = \frac{4A + B + 6A + B}{2} = -20$$

$$\Rightarrow 5A + B = -20 \quad (1)$$

$$\begin{cases} t'_1 = 6s \Rightarrow v'_1 = 6A + B \\ t'_2 = 8s \Rightarrow v'_2 = 8A + B \end{cases}$$

$$\Rightarrow v'_{av} = \frac{v'_1 + v'_2}{2} = \frac{6A + B + 8A + B}{2} = -8$$

$$\Rightarrow 7A + B = -8 \quad (2)$$

با حل هم‌زمان معادله‌های (1) و (2)، $A = -\frac{m}{s^2}$ بدست می‌آید.

روش دوم:

در حرکت با شتاب ثابت، سرعت متوسط بین دو زمان t_1 و t_2 برابر است با

$$\text{سرعت متحرک در زمان } \frac{t_1 + t_2}{2}$$

$$\begin{cases} t_1 = 4s \\ t_2 = 6s \end{cases} \Rightarrow \frac{4+6}{2} = 5s \Rightarrow v_{av} = 5A + B = -20$$

$$\begin{cases} t'_1 = 6s \\ t'_2 = 8s \end{cases} \Rightarrow \frac{6+8}{2} = 7s \Rightarrow v_{av} = 7A + B = -8$$

با حل هم‌زمان داریم:

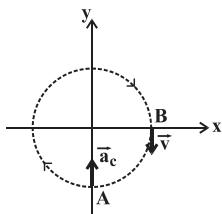
$$\Rightarrow A = -\frac{m}{s^2}$$

(فیزیک ۳- حرکت بر فقط راست، صفحه‌های ۲۱ تا ۲۴)



(مسین مفروض)

-۱۴۹



چون در لحظه مورد نظر، بردار شتاب به صورت $\vec{a}_c = 18\hat{j}$ است، متحرک

در آن لحظه در مکان A قرار دارد. با توجه به جهت حرکت و دوره حرکت، ۳s بعد متحرک در نقطه B خواهد بود و بردار سرعت آن در خلاف جهت محور y ها است. سرعت متحرک برابر است با:

$$a_c = \frac{v^2}{r} \quad T = \frac{2\pi r}{v} \Rightarrow r = \frac{T v}{2\pi} \Rightarrow a_c = \frac{v^2}{\frac{T v}{2\pi}} \Rightarrow a_c = \frac{2\pi v}{T}$$

$$\Rightarrow 18 = \frac{2 \times 3 \times v}{4} \Rightarrow v = 12 \frac{m}{s} \Rightarrow \vec{v} = -12\hat{j}$$

(فیزیک ۳- دینامیک و حرکت دایره‌ای، صفحه‌های ۴۱ تا ۵۳)

(مسین مفروض)

-۱۵۰

نیروی مرکزگرای وارد بر ماهواره‌ها ناشی از نیروی گرانش است.

$$F_{net} = m \frac{v^2}{r} \Rightarrow G \frac{m M_e}{r^2} = m \frac{v^2}{r} \Rightarrow r v^2 = GM_e$$

GM_e مقداری ثابت است، پس:

$$r_A v_A^2 = r_B v_B^2 \xrightarrow{r_A = \frac{1}{2} r_B} \frac{1}{2} r_B v_A^2 = r_B v_B^2$$

$$\Rightarrow v_A^2 = 2 v_B^2 \Rightarrow \frac{v_B}{v_A} = \frac{\sqrt{2}}{2} \quad (*)$$

$$p_A = 2 p_B \Rightarrow m_A v_A = 2 m_B v_B \Rightarrow \frac{m_A}{m_B} = \frac{2 v_B}{v_A} \quad \text{از طرفی:}$$

$$\xrightarrow{(*)} \frac{m_A}{m_B} = 2 \times \frac{\sqrt{2}}{2} \Rightarrow \frac{m_A}{m_B} = \sqrt{2}$$

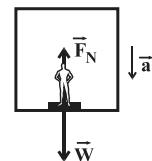
(فیزیک ۳- دینامیک و حرکت دایره‌ای، صفحه‌های ۴۳ و ۴۶)

وقتی آسانسور با شتاب $\frac{m}{s^2}$ به صورت تندشونده رو به بالا و یا به صورت

کندشونده رو به پایین حرکت می‌کند، داریم:

$$F_N - W = ma \Rightarrow F_N = mg + ma = m(g + a)$$

$$\Rightarrow F_N = 60(10 + 2) = 720\text{N}$$



وقتی آسانسور با شتاب $\frac{m}{s^2}$ به صورت تندشونده رو به پایین و یا به صورت

کندشونده رو به بالا حرکت می‌کند، داریم:

$$F_N - W = -ma \Rightarrow F_N = m(g - a)$$

$$\Rightarrow F_N = 60(10 - 2) = 480\text{N}$$

(فیزیک ۳- دینامیک و حرکت دایره‌ای، صفحه‌های ۳۷ تا ۳۹)

(مسنون فندهای)

-۱۴۸

با استفاده از رابطه نیروی وارد بر فنر و افزایش طول آن، داریم:

$$F_e = kx \Rightarrow F_e = k \Delta l \Rightarrow \frac{F_{e2}}{F_{e1}} = \frac{\Delta L_2}{\Delta L_1} \Rightarrow \frac{0 / 35g}{0 / 2g} = \frac{L' - 21}{23 - 21}$$

$$\Rightarrow L' = 24 / 5\text{cm}$$

(فیزیک ۳- دینامیک و حرکت دایره‌ای، صفحه‌های ۴۳ و ۴۶)



$$d = aT^2 \frac{T=2s}{d=-1m} \rightarrow -1 = a \times 2^2 \Rightarrow a = -\frac{1}{4} \text{ m/s}^2$$

از طرف دیگر، با استفاده از معادله سرعت- جابه‌جایی (مستقل از زمان) در

حرکت با شتاب ثابت در مسیری مستقیم، می‌توان نوشت:

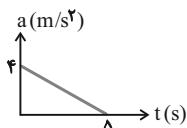
$$v^2 - v_0^2 = 2a\Delta x \xrightarrow{v=0} v_0^2 = -2a\Delta x$$

$$\frac{a = -\frac{1}{4} \text{ m/s}^2}{\Delta x = 45 \text{ m}} \rightarrow v_0^2 = -2 \times \left(-\frac{1}{4}\right) \times 450 = 225 \Rightarrow |v_0| = 15 \text{ m/s}$$

(فیزیک ۳- حرکت بر فقط راست، صفحه‌های ۱۵ تا ۲۱)

(سوال ۲۳۴۰ کتاب آین فیزیک)

-۱۵۴



با توجه به نمودار، شتاب در تمام مدت مثبت است و البته در $t = 5 \text{ s}$ صفر

است. برای تعیین نوع حرکت به علامت v و تعیین علامت a نیاز داریم.

در اینجا $v > 0$ است (طبق داده سوال $v_0 = -6 \text{ m/s}$) است) بنابراین ابتدا

$a < 0$ و حرکت کندشونده است. برای ادامه بررسی باید بینیم آیا علامت

سرعت تغییر خواهد کرد یا خیر.

برای این کار v را در لحظه $t = 5 \text{ s}$ می‌یابیم. Δv برابر مساحت زیر نمودار

$$\Delta v = S = \frac{4 \times 5}{2} = 10 \text{ m/s}$$

$$v_2 = v_0 + \Delta v = -6 + 10 = +4 \text{ m/s}$$

مالحظه می‌شود در انتهای سرعت مثبت شده است. بنابراین الزاماً در یک لحظه

از این بازه (که در اینجا مهم نیست چه لحظه‌ای باشد) سرعت صفر شده و

پس از آن مثبت گردیده است. از این‌رو در بازه دوم $v > 0$ و حرکت

تندشونده است. بنابراین ابتدا حرکت کندشونده و سپس تندشونده خواهد

بود.

(فیزیک ۳- حرکت بر فقط راست، صفحه‌های ۱۵ تا ۲۱)

فیزیک ۳ (آزمون گواه)

-۱۵۱

(سوال ۲۱۶۴ کتاب آین فیزیک)

با دقت به شکل درمی‌یابیم که با پیش‌روی ماشین، فاصله نقاط از هم کوتاه‌تر می‌شود. بنابراین با گذشت زمان بزرگی سرعت در حال کاهش است. یعنی نوع حرکت ماشین بازی شتاب‌دار با سرعتی در حال کاهش خواهد بود.

(فیزیک ۳- حرکت بر فقط راست، صفحه‌های ۲۱ تا ۲۴)

(سوال ۲۲۴۵ کتاب آین فیزیک)

-۱۵۲

این مسئله شامل دو مرحله است که قسمت اول $\frac{1}{3}$ مسیر را تشکیل می‌دهد

اگر طول کل مسیر را X بگیریم، قسمت اول $\frac{X}{3}$ و باقی آن $\frac{2X}{3}$ خواهد بود.

سرعت متوسط هر مرحله نیز معلوم است. بنابراین با کمک $t = \frac{X}{v_{av}}$ زمان

هر مرحله را می‌یابیم و v_{av} را حساب می‌کنیم:

$$\frac{X}{3}, v_{av} = 15 \text{ m/s} \quad \frac{2X}{3}, v_{av} = 10 \text{ m/s}$$

$$v_{av} = \frac{\Delta x_1 + \Delta x_2}{t_1 + t_2} = \frac{X}{\frac{X}{15} + \frac{2X}{30}} = \frac{X}{\frac{X}{15} + \frac{X}{45}} = \frac{X}{\frac{4X}{45}} = \frac{45}{4} \text{ m/s}$$

(فیزیک ۳- حرکت بر فقط راست، صفحه‌های ۲۱ تا ۲۴)

(سوال ۲۲۵۰ کتاب آین فیزیک)

-۱۵۳

در حرکت با شتاب ثابت در مسیری مستقیم، جابه‌جایی‌های متحرک در بازه‌های زمانی متواالی و یکسان T ، تشکیل یک دنباله حسابی با

قدرتمند aT^2 می‌دهند، بنابراین داریم:



$$F_{\text{net}} = ma \xrightarrow{m=0/4 \text{ kg}, a=12/5 \text{ m/s}^2}$$

$$F_{\text{net}} = 0/4 \times 12/5 = 6 \text{ N}$$

چون دو نیروی f_D و mg عمودند، داریم:

$$f_D = \sqrt{5^2 - 4^2} = 3 \text{ N}$$

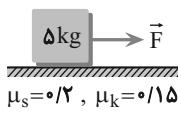
از آنجا که نیروی مقاومت هوا در خلاف جهت حرکت توپ است بنابراین

توپ در خلاف جهت محور x در حال حرکت است.

(فیزیک ۳- دینامیک و حرکت دایره‌ای، صفحه‌های ۳۷ تا ۳۷)

(سوال ۲۵۹ کتاب آین فیزیک)

-۱۵۷



ابتدا بزرگی نیرو را در لحظه $t = 2s$ به دست می‌آوریم:

$$F = 3t + 2 \xrightarrow{t=2s}$$

$$F = 3 \times 2 + 2 = 8 \text{ N}$$

برای تعیین نیروی اصطکاک وضعیت سکون یا لغزش جسم را بررسی

می‌کنیم. بنابراین F را با $f_{s,\text{max}}$ مقایسه می‌کنیم:

$$f_{s,\text{max}} = \mu_s F_N = \mu_s mg = 0.2 \times 5 \times 10 = 10 \text{ N}$$

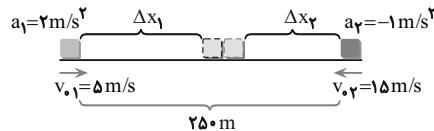
چون $F < f_{s,\text{max}}$ است، بنابراین جسم ساکن می‌ماند و داریم:

$$F_{\text{net}} = 0 \Rightarrow F = f_s = 8 \text{ N}$$

(فیزیک ۳- دینامیک و حرکت دایره‌ای، صفحه‌های ۳۷ تا ۳۷)

(سوال ۲۳۵۶ کتاب آین فیزیک)

-۱۵۵



مطابق شکل متحرک (۱) با شتاب $v_0 = 5 \text{ m/s}$ و $a = 2 \text{ m/s}^2$ به طرف راست و

متحرک (۲) با شتاب کندشونده $v_0 = 15 \text{ m/s}$ و $a = -1 \text{ m/s}^2$ به طرف چپ

در حرکت‌اند. برای این‌که به هم برسند، باید مجموع جابه‌جایی آن‌ها

متراشد. به عبارت دیگر، $\Delta x_1 + \Delta x_2 = 250 \text{ m}$ بنابراین داریم:

$$\Delta x_1 = \frac{1}{2} a_1 t^2 + v_{01} t : \text{متحرک تندشونده}$$

$$a_1 = 2 \text{ m/s}^2, v_{01} = 5 \text{ m/s} \xrightarrow{\Delta x_1 = \frac{1}{2} (2) t^2 + \Delta t = t^2 + \Delta t}$$

$$\Delta x_2 = \frac{1}{2} a_2 t^2 + v_{02} t : \text{متحرک کندشونده}$$

$$a_2 = -1 \text{ m/s}^2, v_{02} = 15 \text{ m/s} \xrightarrow{\Delta x_2 = \frac{1}{2} (-1) t^2 + 15 t = -\frac{1}{2} t^2 + 15 t}$$

$$\Delta x_1 + \Delta x_2 = 250 \text{ m} \Rightarrow t^2 + \Delta t - \frac{1}{2} t^2 + 15 t = 250$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2} t^2 + 20 t - 250 = 0 \Rightarrow t^2 + 40 t - 500 = 0$$

$$\Rightarrow (t-10)(t+50) = 0 \Rightarrow t = 10 \text{ s}$$

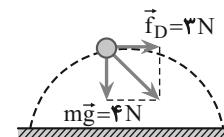
(فیزیک ۳- حرکت بر خط راست، صفحه‌های ۱۵ تا ۱۵)

(سوال ۲۴۹ کتاب آین فیزیک)

-۱۵۶

بر توپ دو نیروی عمود بر هم وزن (mg) و مقاومت هوا (f_D) وارد

می‌شود. ابتدا برایند نیروهای وارد بر توپ را می‌یابیم:





$$F_{\text{net}} = \frac{\Delta p}{\Delta t} = \frac{S}{\Delta t}$$

$$\Rightarrow F_{\text{net}} = \frac{30}{3 \times 10^{-3}} = 10^4 \text{ N}$$

(فیزیک ۳ - دینامیک و حرکت دایره‌ای، صفحه‌های ۴۶ تا ۴۸)

(سوال ۲۷۱۶ کتاب آین فیزیک)

-۱۶۰

$$\text{نیروی گرانشی زمین از رابطه } F = \frac{GmM_e}{r^2} \text{ به دست می‌آید که برای یک}$$

$$\text{جسم } F \propto \frac{1}{r^2} \text{ است (} r \text{ فاصله جسم از مرکز زمین است). بنابراین خواهیم}$$

داشت: .

$$\frac{F_2}{F_1} = \left(\frac{r_1}{r_2} \right)^2 \quad \frac{r_1 = R_e + h_1 = R_e + R_e = 2R_e}{r_2 = R_e + h_2 = R_e + 2R_e = 3R_e} \rightarrow \frac{F_2}{F_1} = \left(\frac{2R_e}{3R_e} \right)^2 = \frac{4}{9} \quad (1)$$

درصد تغییرات برابر است با:

$$\frac{F_2 - F_1}{F_1} \times 100 = \text{درصد تغییرات}$$

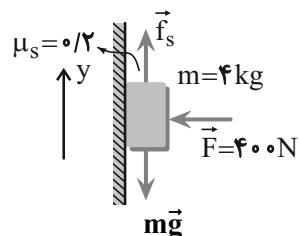
$$= \left(\frac{F_2}{F_1} - 1 \right) \times 100 = \left(\frac{4}{9} - 1 \right) \times 100 = \frac{-5}{9} \times 100 \approx -55.55\%$$

بنابراین نیروی گرانش وارد بر جسم 55.55% درصد کاهش می‌یابد.

(فیزیک ۳ - دینامیک و حرکت دایره‌ای، صفحه‌های ۵۳ تا ۵۶)

(سوال ۲۵۲۵ کتاب آین فیزیک)

-۱۵۸



چون جسم ساکن است پس برایند نیروهای وارد بر جسم در تمام جهات از

جمله راستای قائم (y) صفر است و داریم:

$$(F_{\text{net}})_y = 0$$

$$\Rightarrow f_s = mg = 4 \times (10) = 40 \text{ N}$$

(فیزیک ۳ - دینامیک و حرکت دایره‌ای، صفحه‌های ۳۷ تا ۴۰)

(سوال ۲۶۴۸ کتاب آین فیزیک)

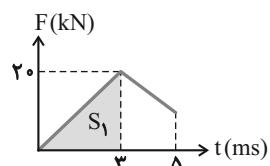
-۱۵۹

تغییر تکانه برابر مساحت سطح زیر نمودار نیرو-زمان است. در اینجا تغییر

تکانه از $t_1 = 0$ تا $t_2 = 3 \text{ ms}$ از ما خواسته شده است. بنابراین مساحت

سطح زیر نمودار در این مدت برابر است با:

$$\Delta p = S_1 = \frac{3 \times 10^{-3} \times 20 \times 10^3}{2} = 30 \frac{\text{kg.m}}{\text{s}}$$

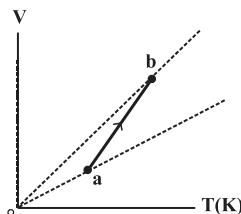


نیروی خالص وارد بر جسم در مدت ۳ میلی ثانیه اول حرکت برابر است با:



(امیرمهدی بعفری)

-۱۶۴



طبق معادله حالت گازهای کامل، شیب نمودار $V - T$ با فشار رابطه

$$\text{معکوس دارد. } \left(V = \left(\frac{nR}{P} \right) T \right)$$

رفته است.

چون دمای گاز افزایش یافته و $\Delta U \propto \Delta T$ است، پس انرژی درونی گاز نیز

افزایش یافته و چون حجم گاز افزایش پیدا کرده، پس علامت کار انجام شده

روی آن منفی است. طبق قانون اول ترمودینامیک ($\Delta U = Q + W$)، چون

ΔU مثبت و W منفی است، Q لزوماً مثبت است و گاز گرما گرفته است.

(فیزیک ا- ترمودینامیک، صفحه‌های ۱۴۲ تا ۱۴۵)

(ممدرسان معززیان)

-۱۶۵

در فرایندهای هم فشار داریم:

$$\left. \begin{array}{l} Q = nC_P \Delta T \\ W = -P \Delta V = -nR \Delta T \end{array} \right\} \Rightarrow W = \frac{-R}{C_P} Q$$

طبق قانون اول ترمودینامیک داریم:

$$\Delta U = Q + W = Q - \frac{R}{C_P} Q = \frac{C_P - R}{C_P} Q \Rightarrow \Delta U = \frac{C_V}{C_P} Q$$

$$\Rightarrow \Delta U = \frac{\frac{3}{5}}{\frac{5}{2}} \times 400 \Rightarrow \Delta U = 240 \text{ J}$$

(فیزیک ا- ترمودینامیک، صفحه‌های ۱۴۲ تا ۱۴۵)

فیزیک ۱

-۱۶۱

با استفاده از معادله حالت گازهای کامل، داریم:

$$PV = nRT \Rightarrow PV = \frac{m}{M} RT \Rightarrow \frac{m}{V} = \frac{PM}{RT}$$

$$\Rightarrow \rho = \frac{PM}{RT} \Rightarrow \frac{\rho_2}{\rho_1} = \frac{P_2}{P_1} \times \frac{T_1}{T_2} \Rightarrow \frac{\rho_2}{\rho_1} = \frac{4}{2} \times \frac{273 + 27}{273 + 47}$$

$$\Rightarrow \frac{\rho_2}{\rho_1} = \frac{15}{8}$$

(فیزیک ا- ترمودینامیک، صفحه‌های ۱۴۲ و ۱۴۳)

(امیرمهدی بعفری)

-۱۶۲

طبق معادله حالت گازهای کامل، شیب نمودار $P - T$ با حجم گاز نسبت

$$\text{معکوس دارد. } \left(P = \left(\frac{nR}{V} \right) T \right)$$

کمتر است.

در فرایند AB ، گاز از حجم بیشتر به حجم کمتر رفته است، پس کار انجام

شده روی آن مثبت است. در فرایند CD ، گاز از حجم کمتر به حجم بیشتر

رفته است، پس کار انجام شده روی آن منفی است.

(فیزیک ا- ترمودینامیک، صفحه‌های ۱۴۲ تا ۱۴۳)

(ممدرسان پیمان)

-۱۶۳

تغییرات انرژی درونی معینی گاز کامل فقطتابع تغییرات دمای مطلق

گاز است و از مسیر فرایند مستقل است. بنابراین داریم:

$$\Delta U = nC_V \Delta T \xrightarrow{C_V = \frac{3}{2}R} \Delta U = \frac{3}{2} nR \Delta T$$

$$\Rightarrow \Delta U = \frac{3}{2} (P_c V_c - P_a V_a) = \frac{3}{2} \times (3 \times 10 - 5 \times 2) \times 10^5 \times 10^{-3}$$

$$\Rightarrow \Delta U = 3000 \text{ J}$$

(فیزیک ا- ترمودینامیک، صفحه‌های ۱۴۲ تا ۱۴۷)



(محمدعلی راست پیمان)

-۱۶۹

با استفاده از رابطه بازده ماشین گرمایی کارنو، داریم:

$$\eta_{کارنو} = 1 - \frac{T_L}{T_H} \Rightarrow ۰ / ۳ = 1 - \frac{T_L}{T_H} \Rightarrow \frac{T_L}{T_H} = ۰ / ۷$$

با ثابت ماندن دمای منبع گرم و کاهش ۲۰ درصدی دمای مطلق منبع سرد،

داریم:

$$\eta'_{کارنو} = 1 - \frac{T'_L}{T'_H} = 1 - \frac{۰ / ۷ T_L}{T_H} = ۱ - ۰ / ۷ \times ۰ / ۷ \Rightarrow \eta'_{کارنو} = ۰ / ۴۴$$

بنابراین:

$$\eta'_{کارنو} - \eta_{کارنو} = ۰ / ۴۴ - ۰ / ۳ = ۰ / ۱۴$$

(فیزیک - ترمودینامیک، صفحه‌های ۱۶۴ تا ۱۶۶)

(حسین مفرومن)

-۱۷۰

گرمایی که لازم است از ۵ آب 10°C بگیریم تا به يخ صفر درجه

سلسیوس تبدیل شود، برابر است با:

$$Q_L = |mc_{آب}\Delta\theta| + |-mL_F| \xrightarrow{m=\rho V}$$

$$Q_L = |1 \times ۵ \times ۴ / ۲ \times ۱۰^۳ \times (۰ - ۱۰)| + |-1 \times ۵ \times ۳۳۴ \times ۱۰^۳|$$

$$\Rightarrow Q_L = ۱ / ۸۸ \times ۱۰^۶ \text{ J}$$

حال با توجه به تعریف توان و ضریب عملکرد یک یخچال داریم:

$$K = \frac{Q_L}{W} \xrightarrow{W=Pt} K = \frac{Q_L}{Pt} \Rightarrow t = \frac{Q_L}{KP} = \frac{۱ / ۸۸ \times ۱۰^۶}{۴ \times ۱۸۸}$$

$$\Rightarrow t = ۲۵۰.۰ \text{ s} \Rightarrow t = \frac{۲۵۰.۰}{۴۶۰.۰} \approx ۰ / ۷\text{h}$$

(فیزیک - ترمودینامیک، صفحه‌های ۱۶۹ تا ۱۷۱)

(محمدعلی راست پیمان)

-۱۶۶

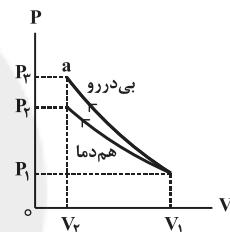
چون طی این فرایند، انرژی درونی ثابت است، بنابراین دما ثابت خواهد ماند و در نتیجه فرایند هم دما است.

$$\Delta U = ۰ \Rightarrow \Delta T = ۰ \Rightarrow T_1 = T_2$$

(فیزیک - ترمودینامیک، صفحه‌های ۱۴۳ تا ۱۵۷)

(علیرضا کوثری)

-۱۶۷

نمودار $P - V$ گازی که طی دو فرایند بی دررو و هم دما از حجم V_1 تاحجم V_2 متراکم می‌شود، مطابق شکل زیر است:

با توجه به نمودار، چون سطح زیر نمودار بی دررو بیشتر از سطح زیر نمودار

هم دما است لذا $W_1 > W_2$ و از آنجا که $\Delta U_1 = W_1$ و $\Delta U_2 = ۰$ است،پس $\Delta U_1 > \Delta U_2$ می‌باشد.

(فیزیک - ترمودینامیک، صفحه‌های ۱۵۲ تا ۱۵۷)

(امیرحسین مجازی)

-۱۶۸

تفیرات انرژی درونی گاز طی هر چرخه برابر با صفر است. بنابراین:

$$\Delta U_{چرخه} = ۰ \Rightarrow \Delta U_{AB} + \Delta U_{BC} + \Delta U_{CA} = ۰$$

$$\xrightarrow[\Delta U = Q + W, \Delta U_{CA} = ۲۰۰\text{ J}]{\text{فرایند AB هم دما است.}} \Delta U_{AB} = ۰ + Q_{BC} + W_{BC} + ۲۰۰ = ۰$$

$$\xrightarrow[W_{BC} = ۴۰۰\text{ J}]{\text{فرایند BC انقباضی است.}} Q_{BC} + ۴۰۰ + ۲۰۰ = ۰$$

$$\Rightarrow Q_{BC} = -۶۰۰\text{ J}$$

بنابراین گاز طی فرایند BC، ۶۰۰ زول گرما از دست می‌دهد.

(فیزیک - ترمودینامیک، صفحه‌های ۱۴۲ تا ۱۵۸)

خارجی باشد، بنابراین طبق قاعدة دست راست جهت جریان القایی از M به

خواهد بود. همچنین برای محاسبه جریان القایی می‌توان نوشت:

$$\begin{aligned} |\bar{\epsilon}| &= R\bar{I} \Rightarrow \left| -N \frac{\Delta \Phi}{\Delta t} \right| = R\bar{I} \Rightarrow NB \left| -\frac{\Delta A}{\Delta t} \right| = R\bar{I} \\ \Rightarrow \bar{I} &= \frac{NB}{R} \left| -\frac{\Delta A}{\Delta t} \right| \\ \Rightarrow \bar{I} &= \frac{1 \times 1 / 6 \times 10^{-2}}{2} \times 1 / 5 \Rightarrow I = 12 \times 10^{-3} A = 12 \text{ mA} \end{aligned}$$

(فیزیک ۲ - القای الکترومغناطیسی و پریان متنابض، صفحه‌های ۱۰ تا ۱۷)

(مسین مفروض)

-۱۷۴

میدان مغناطیسی ناشی از جریان سیم در داخل حلقه به صورت درون‌سو است

و اگر جهت جریان القایی در حلقه به صورت پاد ساعتگرد باشد، جهت میدان

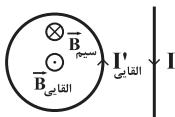
القایی برون‌سو خواهد بود. بنابراین افزایش جریان عبوری از سیم و یا نزدیک

کردن حلقه به سیم، باعث افزایش میدان مغناطیسی درون‌سوی عبوری از

حلقه می‌شود که نتیجه آن ایجاد جریانی پاد ساعتگرد در حلقة و میدان

مغناطیسی القایی برون‌سو در وسط حلقة است که طبق قانون لنز با تغییرات

میدان مغناطیسی خارجی مخالفت می‌کند.



(فیزیک ۲ - القای الکترومغناطیسی و پریان متنابض، صفحه‌های ۱۷ و ۱۸)

(مسین مفروض)

-۱۷۵

با باز کردن کلید، جریان در شاخه اصلی شروع به کم شدن می‌کند و انرژی

القاگر شروع به آزاد شدن می‌کند و باعث می‌شود لامپ روشن شود و تا

مدتی روشن بماند و سپس خاموش شود.

(فیزیک ۲ - القای الکترومغناطیسی و پریان متنابض، صفحه‌های ۱۷ تا ۲۳)

فیزیک ۲

(ممدرسه‌سین مجزایان)

-۱۷۱

با توجه به این که خط‌های میدان مغناطیسی در جهت محور x ها هستند،

بنابراین تعداد خط‌های میدان مغناطیسی عبوری از سطح ABCD (شار

مغناطیسی عبوری) برابر با تعداد خط‌های مغناطیسی عبوری از سطح

ABOE است. در نتیجه:

$$\Phi = AB \cos \theta = (8 \times 10^{-2} \times 4 \times 10^{-2}) \times 0 / 3 \times 1$$

$$= 0 / 96 \times 10^{-3} \text{ Wb} = 0 / 96 \text{ mWb}$$

(فیزیک ۲ - القای الکترومغناطیسی و پریان متنابض، صفحه‌های ۱۰ تا ۱۳)

(ممدرسه‌لی راست پیمان)

-۱۷۲

با در نظر گرفتن جهت اولیه میدان مغناطیسی عبوری از پیچه به عنوان جهت

نیم خط عمود بر سطح پیچه، شار مغناطیسی عبوری از پیچه را در هر حالت

حساب می‌کنیم.

$$\Phi_1 = A_1 B_1 \cos \theta_1 = \pi r^2 B_1 \cos 0 = 3 \times (5 \times 10^{-2})^2 \times 400 \times 10^{-4} \times 1$$

$$\Rightarrow \Phi_1 = 3 \times 10^{-4} \text{ Wb}$$

$$\Phi_2 = A_2 B_2 \cos \theta_2 = \pi r^2 B_2 \cos 180^\circ$$

$$\Rightarrow \Phi_2 = 3 \times (5 \times 10^{-2})^2 \times 4 \times 10^{-2} \times (-1) \Rightarrow \Phi_2 = -3 \times 10^{-4} \text{ Wb}$$

حال با استفاده از قانون القای الکترومغناطیسی فاراده، داریم:

$$|\bar{\epsilon}| = \left| -N \frac{\Delta \Phi}{\Delta t} \right| = \left| -10^3 \times \frac{-3 \times 10^{-4} - 3 \times 10^{-4}}{0 / 1} \right| \Rightarrow |\bar{\epsilon}| = 6 \text{ V}$$

(فیزیک ۲ - القای الکترومغناطیسی و پریان متنابض، صفحه‌های ۱۰ تا ۱۷)

(علیرضا کوشه)

-۱۷۳

با حرکت سیم MN به سمت راست، مساحت قاب افزایش یافته و در نتیجه

شار مغناطیسی عبوری از آن نیز افزایش می‌باید. برای جلوگیری از افزایش

شار مغناطیسی، باید میدان مغناطیسی القایی در خلاف جهت میدان مغناطیسی

اگر نمودارهای شار مغناطیسی عبوری از حلقه بر حسب زمان و جریان القایی

عبوری از حلقه را در یک دوره رسم کنیم، یا سخ مشخص خواهد شد.

(فیزیک ۲ - القای الکترومغناطیسی و هریان متناسب، صفحه‌های ۱۳۶ تا ۱۳۷)

(امیرمهدی مجفری)

-۱۷۹

با توجه به نمودار داریم:

$$I_m = 1A$$

$$\frac{T}{2} = 30 \Rightarrow T = 60ms$$

$$I = I_m \sin\left(\frac{2\pi}{T}t\right) \Rightarrow I = \sin\left(\frac{2\pi}{60}t\right)$$

$$\xrightarrow{t=10ms} I = \sin\left(\frac{2\pi}{60}\right) \times 10 \Rightarrow I = \frac{\sqrt{3}}{2} A$$

بنابراین:

$$P = RI^2 = 10 \times \left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right)^2 = 7.5W$$

(فیزیک ۲ - القای الکترومغناطیسی و هریان متناسب، صفحه‌های ۱۳۶ تا ۱۳۷)

(حسین مفرومن)

-۱۸۰

با استفاده از رابطه مبدل آرمانی، ولتاژ دو سر مقاومت (V_2) را محاسبه

می‌کنیم. داریم:

$$\frac{V_2}{V_1} = \frac{N_2}{N_1} \Rightarrow \frac{V_2}{12} = \frac{2}{80} \Rightarrow V_2 = 3V$$

بنابراین بیشینه توان مصرفی در مقاومت برابر است با:

$$P = \frac{V_2^2}{R} = \frac{3^2}{3} = 3W$$

(فیزیک ۲ - القای الکترومغناطیسی و هریان متناسب، صفحه‌های ۱۳۶ و ۱۳۷)

(بابک اسلامی)

-۱۷۶

چون حلقه‌های سیم‌لوله آرمانی در یک ردیف و بدون فاصله در گذار هم پیچیده شده‌اند، بنابراین طول سیم‌لوله برابر با حاصل ضرب تعداد حلقه‌ها در قطر سیم به کار رفته در ساخت سیم‌لوله است. بنابراین:

$$\ell = Nd \Rightarrow N = \frac{13}{5} \times 10^{-1} \Rightarrow N = 90$$

حال با استفاده از رابطه ضریب القاوری سیم‌لوله آرمانی، داریم:

$$L = \mu_0 \frac{AN^2}{\ell} \Rightarrow L = 4\pi \times 10^{-7} \times \frac{\pi \times (2/5 \times 10^{-2})^2 \times 90^2}{13/5 \times 10^{-2}}$$

$$\Rightarrow L = 0/15 \times 10^{-3} H = 0/15 mH$$

(فیزیک ۲ - القای الکترومغناطیسی و هریان متناسب، صفحه‌های ۱۳۰ تا ۱۳۱)

(مسنون قندپلر)

-۱۷۷

اگر فرض کنیم n کلید را بیندیم، جریان عبوری از هر مقاومت $R = 4\Omega$

$$I = \frac{\epsilon}{R + (n+1)r} \Rightarrow I = \frac{I_{کل}}{n+1} \Rightarrow I = \frac{\epsilon}{R + (n+1)r}$$

انرژی ذخیره شده در القاگر برابر است با:

$$U = \frac{1}{2} LI^2 \xrightarrow{I = \frac{\epsilon}{R + (n+1)r}} U = \frac{1}{2} L \left(\frac{\epsilon}{R + (n+1)r} \right)^2$$

با بستن کلیدها، L و ϵ تعییری نمی‌کنند، بنابراین می‌توان نوشت:

$$\frac{U'}{U} = \left(\frac{R + (n+1)r}{R + (n'+1)r} \right)^2 \xrightarrow{n=0, U=0/8J, U'=0/8-0/35=0/45J} \\ \frac{0/45}{0/8} = \left(\frac{4+2}{4+(n'+1) \times 2} \right)^2 \Rightarrow \frac{3}{4} = \frac{6}{4+(n'+1) \times 2} \Rightarrow n' = 1$$

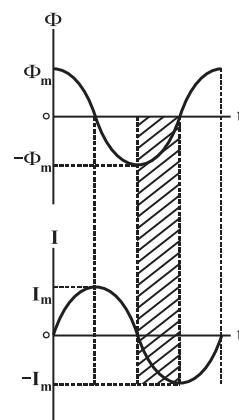
در نتیجه باید یک کلید بسته شود تا انرژی ذخیره شده در القاگر $J = 0/35J$ کاهش

یابد.

(فیزیک ۲ - القای الکترومغناطیسی و هریان متناسب، صفحه‌های ۱۳۲ تا ۱۳۳)

(محمدعلی راستی‌پیمان)

-۱۷۸





(مبینا شرافتی پور)

-۱۸۳

شیمی ۳

عبارت‌های «الف» و «ب» درست‌اند.

با توجه به پرتوی بودن لامپ، این محلول می‌تواند محلول یک اسید یا باز قوی باشد.

بررسی عبارت‌ها:

عبارت «الف»: A اگر اسید باشد، اسید قوی با ثابت یونش بسیار بزرگ‌تر از

ثابت یونش اسید موجود در ریواس است زیرا، اسید موجود در ریواس اسیدی

ضعیف است.

عبارت «ب»: از حل شدن لیتیم اکسید و باریم اکسید در آب به ترتیب،

بازهای قوی لیتیم هیدروکسید و باریم هیدروکسید به وجود می‌آید.

عبارت «پ»: HF اسیدی ضعیف است.

عبارت «ت» تنها در صورتی A محلولی با pH کمتر از ۷ است که

یک اسید باشد. در این سؤال ممکن است ماده A یک باز قوی باشد، پس

این عبارت الزاماً صحیح نیست.

(شیمی ۳، صفحه‌های ۱۶ تا ۲۳)

(مبینا شرافتی پور)

-۱۸۴

با توجه به نمودارها می‌توان دریافت که ۰/۰۰۴ مول از اسید HA یونیده

شده است.

(سعید مفسن‌زاده)

-۱۸۱

پاک کننده‌های خورنده برخلاف پاک کننده‌های غیرصابونی با آلانیده‌ها واکنش می‌دهند.

(شیمی ۳، صفحه‌های ۷ تا ۱۲)

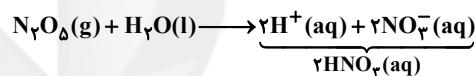
(محمد ذبیح)

-۱۸۲

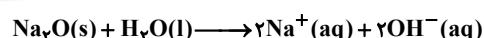
بررسی گزینه‌ها:

گزینه «۱»: با توجه به متن صفحه ۱۴ کتاب درسی درست است.

گزینه «۲»: درست است.



گزینه «۳» درست است.



پس با انحلال ۲ مول سدیم اکسید ۸ مول یون در آب تولید می‌شود و با تقسیم کردن مول یون‌های تولید شده بر حجم محلول، غلظت مولار یون‌های تولید شده بدست می‌آید.

$$M = \frac{n}{V} \Rightarrow M = \frac{\Lambda}{10} = 0 / \text{mol.L}^{-1}$$

گزینه «۴»: نادرست است. زیرا رسانایی الکتریکی محلول اسیدی به قدرت اسیدی و غلظت اسید وابسته است. ممکن است غلظت اسید قوی آنچنان کم باشد که غلظت یون‌های حاصل از تفکیک آن حتی از اسید ضعیف (غلیظ) نیز کمتر بشود.

(شیمی ۳، صفحه‌های ۱۱ تا ۱۸)



(محمد وزیری)

-۱۸۶

با توجه به رابطه زیر داریم:

$$[\text{H}^+][\text{OH}^-] = 10^{-14} \Rightarrow [\text{H}^+] (4 \times 10^4 [\text{H}^+]) = 10^{-14}$$

$$\Rightarrow [\text{H}^+] = 5 \times 10^{-12} \text{ mol.L}^{-1}$$

حال pH محلول را محاسبه می کنیم:

$$\text{pH} = -\log[\text{H}^+] = -\log(5 \times 10^{-12}) = -[\log 5 - 12]$$

$$= -[0/7 - 12] = 11/3$$

(شیمی ۳، صفحه های ۲۷ و ۲۶)

(آرین شباعن)

-۱۸۷

بررسی گزینه ها:

گزینه «۱»: الکترود آند قطب منفی و الکترود کاتد قطب مثبت آن را تشکیل می دهد.

گزینه «۲»: به مرور زمان، از شدت رنگ محلول CuSO_4 کاسته می شود.

زیرا، یون های Cu^{2+} که رنگ آبی ایجاد می کنند کاهش یافته و از غلظت

آنها کم می شود.

گزینه «۳»: اتم های روی اکسایش یافته و وارد محلول می شوند. از طرفی

یون های مس (II) کاهش یافته و به اتم مس تبدیل می شوند. به همین دلیل

غلظت Zn^{2+} افزایش و غلظت Cu^{2+} کاهش می یابد.

$$K = \frac{[\text{H}^+][\text{A}^-]}{[\text{HA}]} \Rightarrow K = \frac{\left(\frac{0/004}{2}\right) \times \left(\frac{0/004}{2}\right)}{\left(\frac{1-0/004}{2}\right)} \approx \frac{(0/004)^2}{0/5}$$

$$= 8 \times 10^{-9} \text{ mol.L}^{-1}$$

$$\text{pH} = -\log[\text{H}^+] = -\log \frac{0/004}{2}$$

$$\Rightarrow -\log 2 \times 10^{-3} = 3 - 0/3 = 2/7$$

(شیمی ۳، صفحه های ۲۲ و ۲۴)

(علی مؤیدی)

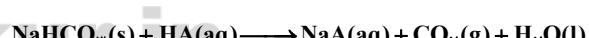
-۱۸۸

ابتدا غلظت اسید را محاسبه می کنیم:

$$\text{pH} = 2 \Rightarrow [\text{H}^+] = 10^{-2} \text{ mol.L}^{-1} = 0/01 \text{ mol.L}^{-1}$$

$$\alpha = \frac{[\text{H}^+]}{M} \Rightarrow M = \frac{0/01}{0/2} = 0/05 \text{ mol.L}^{-1}$$

واکنش انجام شده به صورت زیر است:



$$? \text{ g NaHCO}_3 \times \frac{1 \text{ L}}{1000 \text{ mL}} = \text{نالخلص}_3$$

$$\times \frac{0/05 \text{ mol HA}}{1 \text{ L}} \times \frac{1 \text{ mol NaHCO}_3}{1 \text{ mol HA}} \times \frac{84 \text{ g NaHCO}_3}{1 \text{ mol NaHCO}_3}$$

$$\times \frac{100 \text{ g}}{\text{نالخلص}_3} = \frac{0/525 \text{ g NaHCO}_3}{80 \text{ g خالص}_3}$$

(شیمی ۳، صفحه های ۲۳ و ۲۸)



گزینه «۲»: نادرست. قدرت کاهندگی این فلزها با توجه به E° آنها

به صورت $Zn > Cd > Sn > Pt$ است.

گزینه «۳»: نادرست. کاتیون Pt^{2+} از سه کاتیون دیگر داده شده

اکسنده‌تر است.

گزینه «۴»: نادرست:

$$\text{emf} = E^\circ(Pt^{2+} / Pt) - E^\circ(Sn^{2+} / Sn) = 1/2 - (-0/15)$$

$$\Rightarrow \text{emf} = 1/35 \text{ V}$$

$$\text{emf} = E^\circ(Cd^{2+} / Cd) - E^\circ(Zn^{2+} / Zn) = -0/4 + 0/76$$

$$\Rightarrow \text{emf} = 0/36 \text{ V}$$

(شیمی ۳، صفحه‌های ۳۶ تا ۳۸)

(محمدحسن محمدزاده مقدم)

-۱۹-

هرچه پتانسیل کاهشی استاندارد گونه‌ای بزرگتر باشد (با در نظر گرفتن

علامت) قدرت اکسندگی بیشتری دارد.

(شیمی ۳، صفحه ۳۷)

گزینه «۴»: با کاهش غلظت Cu^{2+} در نیم‌سلول کاتدی، یون‌های سولفات

از دیواره متخخل عبور کرده و وارد نیم‌سلول آندی می‌شوند.

(شیمی ۳، صفحه‌های ۳۴ و ۳۵)

(محمدحسن محمدزاده مقدم)

-۱۸۸-

با توجه به رابطه emf برای سلول گالوانی اول داریم:

$$\text{emf} = E^\circ_{\text{کاتد}} - E^\circ_{\text{آنده}} \Rightarrow 0/16 = E^\circ(X^{2+} / X) - (-0/41)$$

$$\Rightarrow E^\circ(X^{2+} / X) = -0/25 \text{ V}$$

حال در واکنش دوم داریم:

$$\text{emf} = E^\circ_{\text{کاتد}} - E^\circ_{\text{آنده}} = 0/34 - (-0/25) = 0/59 \text{ V}$$

(شیمی ۳، صفحه‌های ۳۶ تا ۳۸)

(محمدحسن محمدزاده مقدم)

-۱۸۹-

بررسی گزینه‌ها:

گزینه «۱»: درست. زیرا، $E^\circ(Zn^{2+} / Zn)$ کوچکتر از

$E^\circ(Cd^{2+} / Cd)$ بوده بنابراین با قرار دادن تیغه روی، اتم‌های آن به یون

Zn^{2+} تبدیل شده و یون‌های Cd^{2+} به اتم Cd تبدیل می‌شوند.



با توجه به مقدار شیب و عرض از مبدأ می‌توان نوشت:

$$S = 0 / 4\theta + 26$$

گزینه «۲»: با توجه به جدول، با افزایش دما، انحلال‌پذیری KCl افزایش می‌یابد از این‌رو انحلال KCl در آب گرماگیر است.

گزینه «۳»: با برابر قرار دادن معادله انحلال‌پذیری دو ترکیب می‌توان دمایی که انحلال‌پذیری دو ترکیب یکسان است را به دست آورد.

$$0 / 2\theta + 31 = 0 / 4\theta + 26 \Rightarrow 0 / 2\theta = 5 \Rightarrow \theta = 25^\circ C$$

گزینه «۴»: با توجه به داده‌ها، انحلال‌پذیری KCl در دمای $20^\circ C$ پتاسمیم کلرید در 100 گرم آب است. از این‌رو جرم محلول در این دما برابر با $(34gKCl + 100gH_2O = 134g)$ است. با یک تناسب ساده می‌توان جرم KCl موجود در 20 g محلول سیرشده را به دست آورد:

$$\frac{34}{134} = \frac{x}{20} \Rightarrow x = 51g KCl$$

(شیمی ا، صفحه‌های ۱۰۸ تا ۱۱۰)

(میلار شیخ‌الاسلامی‌فیاوی)

-۱۹۴

عبارت «ب» درست است.

بررسی عبارت‌ها:

عبارت «الف»: نادرست. ترکیب AsH₃ از گروه ۱۵ بوده و نسبت به عنصر هیدروژن‌دار هم دوره خود از گروه ۱۷ یعنی HBr نقطه‌جوش بیشتری دارد.

عبارت «ب»: گشاور دو قطبی اغلب هیدروکربن‌ها ناجیز و در حدود صفر است.

عبارت «پ»: نادرست. رابطه انحلال‌پذیری گازها با فشار به قانون هنری معروف است.

عبارت «ت»: نادرست. موادی که انحلال آنها مولکولی است حتی با داشتن انحلال‌پذیری خوب (مانند اتانول) به دلیل عدم تولید یون، رسانایی یونی ندارند.

(شیمی ا، صفحه‌های ۱۱۳ تا ۱۱۵، ۱۱۷، ۱۱۳ و ۱۱۴)

شیمی ۱

(سیرطاهای محفظوی)

-۱۹۱

گزینه «۱» انحلال‌پذیری به بیشترین مقدار ماده حل شده در 100 گرم حلال در دما و فشار معین گفته می‌شود.

گزینه «۲»: کلسیم سولفات کم محلول اما باریم سولفات نامحلول است.

گزینه «۳»: انحلال‌پذیری شکر در دمای $25^\circ C$ 20.5 گرم شکر در 100 گرم آب است. به سخن دیگر جرم حل شونده از جرم حلال (آب) بیش تر است.

(شیمی ا، صفحه‌های ۱۰۸ تا ۱۱۰)

(سیرطاهای معروفی)

-۱۹۲

ابتدا جرم سدیم نیترات حل شده را تعیین می‌کنیم:

$$?gNaNO_3 = 0 / 25molNaNO_3 \times \frac{85gNaNO_3}{1molNaNO_3} = 21 / 25g NaNO_3$$

$$51 / 5 - 21 / 25 = 30 / 25g$$

جرم آب برابر است با:

بیشترین مقدار NaNO₃ در $25 / 30$ گرم آب در دمای $10^\circ C$ برابر است با:

$$?gNaNO_3 = 24 / 2 - 21 / 25 = 2 / 95g NaNO_3$$

(شیمی ا، صفحه‌های ۱۰۸ تا ۱۱۰)

(سیرطاهای محفظوی)

-۱۹۳

گزینه «۱»: با توجه به جدول شیب و عرض از مبدأ معادله انحلال‌پذیری نمک KCl را به دست می‌آوریم:

انحلال‌پذیری در بالاترین دما $S_2 = \theta_2$

انحلال‌پذیری در پایین‌ترین دما $S_1 = (\theta_1)$

$$\frac{S_2 - S_1}{\theta_2 - \theta_1} = \frac{38 - 26}{30 - 0} = 0 / 4$$

$$= \text{انحلال‌پذیری در دمای } C = 26 \text{ عرض از مبدأ}$$



(مهدی محسن محمدزاده مقدم)

-۱۹۸

مولکول‌های ناقطبی برخلاف مولکول‌های قطبی در میدان الکتریکی جهت‌گیری نمی‌کنند.



(شیمی ا، صفحه‌های ۱۱۳ و ۱۱۴)

(مهدی محسن محمدزاده مقدم)

-۱۹۹

با توجه به قانون هنری می‌توان رابطه زیر را نوشت:

$$S = kP \Rightarrow \frac{S_2}{S_1} = \frac{P_2}{P_1} \Rightarrow \frac{S_2}{P_0 / 73} = \frac{4}{1} \Rightarrow S_2 = 2 / 92$$

بنابراین در دمای 25°C و فشار 1 atm ، حداقل $2 / 92$ گرم گاز کلر در 100 g آب حل می‌شود. بدین ترتیب در 50 g آب، $1 / 46$ گرم گاز کلر حل می‌شود.

(شیمی ا، صفحه ۱۱۳)

(مهدی محسن محمدزاده مقدم)

-۲۰۰

بررسی گزینه‌ها:

گزینه «۱»: این شکل، نمونه‌ای از فرایند اسمز معکوس را نشان می‌دهد.

گزینه «۲»: به مرور زمان، آب (تحت فشار) از محیط غلیظ وارد محیط رقیق شده و غلاظت محلول سمت چپ افزایش می‌یابد.

گزینه «۳»: یکی از روش‌های تصفیه آب استفاده از فرایند اسمز معکوس است.

گزینه «۴»: با برداشتن فشار، آب از محیط رقیق وارد محیط غلیظ شده و ارتفاع ستون سمت راست کاهش می‌یابد.

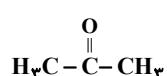
(شیمی ا، صفحه ۱۱۹)

(مینا شرافتی پور)

-۱۹۵

عبارت‌های الف و پ و ت درست‌اند. بررسی عبارت نادرست:

ب) حلال چربی و لاک همان استون با ساختار زیر است که در آن هیدروژن متصل به اکسیژن وجود ندارد.



(شیمی ا، صفحه‌های ۱۱۵ و ۱۱۷)

(مینا شرافتی پور)

-۱۹۶

بررسی گزینه‌ها:

گزینه «۱»: گرافیت که یک نافلز است نیز رسانای الکترونی محسوب می‌شود.

گزینه «۲»: اتانول یک غیرالکترولیت است.

گزینه «۳»: محلول ۱ مولار NaCl و KOH تقریباً رسانایی بکسانی دارند.

گزینه «۴»: متanol و شکر هر دو غیرالکترولیت‌اند و جریان برق را از خود عبور نمی‌دهند.

(شیمی ا، صفحه ۱۱۴)

(حسن لشکری)

-۱۹۷

بررسی گزینه نادرست:

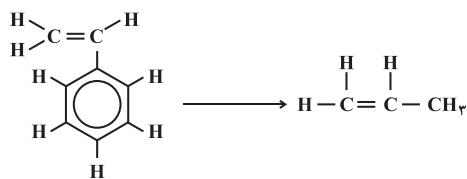
گزینه «۳» بیشترین دمای جوش مربوط به HF است که پیوند هیدروژنی دارد.

(شیمی ا، صفحه‌های ۱۱۵، ۱۱۶ و ۱۱۷)



(امیرعلی برهور(اریون)

-۲۰۴

استبرن C_8H_{10}

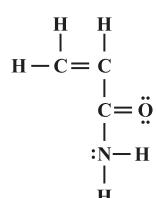
پروپن

(شیمی ۲، صفحه ۱۰۴)

(امیرعلی برهور(اریون)

-۲۰۵

در هر واحد مونومری ۱۱ پیوند اشتراکی وجود دارد.



از طرفی در هر واحد مونومری از این بسیار، ۳ جفت الکترون ناپیوندی وجود

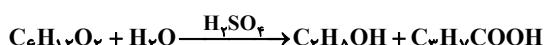
دارد و اگر $n = 1000$ باشد، تعداد جفت الکترون‌های ناپیوندی برابر است $3n = 3000$

با:

(شیمی ۲، صفحه‌های ۱۰۳ تا ۱۰۴)

(علی علمداری)

-۲۰۶



$$? \text{g C}_6\text{H}_{12}\text{O}_2 \times \frac{1 \text{ mol C}_6\text{H}_{12}\text{O}_2}{116 \text{ g C}_6\text{H}_{12}\text{O}_2} \times \frac{1 \text{ mol}}{1 \text{ mol C}_6\text{H}_{12}\text{O}_2} = 2 / 32 \text{ g C}_6\text{H}_{12}\text{O}_2 = \text{الكل}$$

$$\text{الكل} \frac{46 \text{ g}}{1 \text{ mol}} = 0 / 92 \text{ g} = \text{الكل}$$

(شیمی ۲، صفحه‌های ۱۰۸ تا ۱۱۶)

شیمی ۲

-۲۰۱

(سالار ملک)

پلیاتن همانند نشاسته درشت مولکول بوده و اندازه مولکول آن بسیار بزرگ است. بنابراین، جرم مولی آن برخلاف پروپان بسیار بزرگ است.

(شیمی ۲، صفحه ۱۰)

-۲۰۲

(محمد کوهستانیان)

بررسی گزینه‌ها:

گزینه «۱»: ویتامین ث در ساختار خود گروه‌های هیدروکسیل دارد.

گزینه «۲»: ویتامین آ، دی و کا مولکول‌های ناقطبی محسوب می‌شوند.

گزینه «۳»: درست است.

گزینه «۴»: ویتامین دی در ساختار خود گروه عاملی هیدروکسیل دارد.

همچنین ویتامین کا دارای گروه عاملی کربونیل است.

(شیمی ۲، صفحه‌های ۱۱۱ و ۱۱۲)

-۲۰۳

(میلار شیخ الاسلام فیاوی)

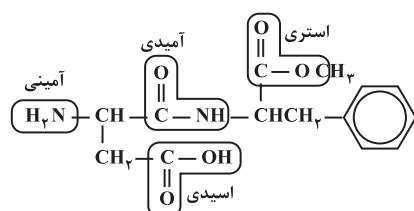
گزینه «۱»: گروه‌های عاملی موجود در ساختار داده شده وجود دارد.

گزینه «۲»: به ازای هر اتم اکسیژن، ۲ جفت الکترون ناپیوندی و به ازای هر

atom نیتروژن، یک جفت الکترون ناپیوندی در لایه ظرفیت وجود دارد.

گزینه «۳»: این ترکیب همچون نفتالن یک ترکیب آروماتیک محسوب می‌شود. زیرا در ساختار آن حلقه بنزنی وجود دارد.

گزینه «۴»: با توجه به ساختار درست است.



(شیمی ۲، صفحه‌های ۱۰۸ تا ۱۱۶)



$$\Rightarrow M_o = 73 \text{ g/mol}^{-1}$$

(محمدحسن محمدزاده مقدم)

-۲۰۷

حجم مولی گروه R برابر است با:

$$R + 5A = 73 \Rightarrow R = 15 \text{ g/mol}^{-1}$$

بنابراین می‌توان نتیجه گرفت: $R = \text{CH}_3$

$$\Rightarrow \text{CH}_3 - \overset{\text{O}}{\underset{||}{\text{C}}} - \text{NH} - \text{CH}_3 = 3 \text{ تعداد اتم‌های کربن} \Rightarrow 3$$

(شیمی ۲، صفحه‌های ۱۱۴ و ۱۱۵)

(محمد وزیری)

-۲۰۹

الکل‌ها از دو بخش قطبی و ناقطبی تشکیل شده‌اند. در متانول، اتانول و

پروپانول، بخش قطبی بر بخش ناقطبی غلبه داشته به همین دلیل مولکول‌های

قطبی محسوب می‌شوند.

(شیمی ۲، صفحه‌های ۱۰۹ و ۱۱۰)

(محمد وزیری)

-۲۱۰

بررسی گزینه‌های نادرست:

گزینه «۱»، لاکتیک اسید در شیر ترش شده وجود دارد.

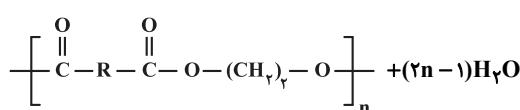
گزینه «۳»، پلیمرهای سبز از فراورده‌های کشاورزی مانند سیب‌زمینی و ذرت

و نیشکر تهیه می‌شوند.

گزینه «۴»، در این پلیمرها گروه عاملی آمیدی در زنجیر کربنی واحد تکرار

شونده وجود دارد.

(شیمی ۲، صفحه‌های ۱۱۴ تا ۱۱۶)

اگر جرم مولی واحد تکرار شونده پلی‌استر را M_o در نظر بگیریم، داریم:

$$\frac{\text{پلی‌استر g}}{37 / 2g \text{C}_2\text{H}_6\text{O}_2} \times \frac{1 \text{ mol C}_2\text{H}_6\text{O}_2}{52g \text{C}_2\text{H}_6\text{O}_2} \times \frac{1 \text{ mol}}{n \text{ mol C}_2\text{H}_6\text{O}_2}$$

$$\times \frac{n \times M_o \text{ g}}{115 / 2 \text{ g}} = \frac{\text{پلی‌استر g}}{\text{1 mol}} = 115$$

$$\Rightarrow M_o = 115 \text{ g/mol}^{-1}$$

با توجه به فرمول پلی‌استر جرم مولی R برابر است با:

$$115 = (4 \times 12) + (4 \times 16) + (4 \times 1) + R \Rightarrow R = 76 \text{ g/mol}^{-1}$$

جرم مولی دی‌اسید حاصل برابر است با:

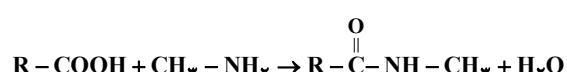
$$76 = (45 \times 2) + 76 = 166 \text{ g/mol}^{-1}$$

(شیمی ۲، صفحه‌های ۱۰۸، ۱۱۶ و ۱۱۷)

(محمدحسن محمدزاده مقدم)

-۲۰۸

واکنش به صورت زیر است:

جرم مولی آمید حاصل (M_o) برابر است با:

$$\frac{\text{آمید g}}{4 \text{ mol CH}_3\text{N} \times \frac{1 \text{ mol}}{1 \text{ mol CH}_3\text{N}}} \times \frac{M_o \text{ g}}{1 \text{ mol}} = \frac{29}{2 \text{ g}} = 29 \text{ g/mol}^{-1}$$