

دفترچه شماره ۱

آزمون شماره ۱۵

جمعه ۹۹/۱۱/۲۴



آزمون‌های سراسری کاج

گزینه درست را انتخاب کنید.

سال تحصیلی ۱۳۹۹-۱۴۰۰

سوالات آزمون

پایه دهم ریاضی

دوره دوم متوسطه

شماره داوطلبی:

نام و نام خانوادگی:

مدت پاسخگویی: ۱۲۵ دقیقه

تعداد کل سوالات: ۱۱۰

عنوانی مورد امتحانی آزمون گروه آزمایش علوم ریاضی، تعداد سوالات و مدت پاسخگویی

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سوال	شماره سوال		مدت پاسخگویی
			از	تا	
۱	فارسی ۱	۱۰	۱	۱۰	۱۰ دقیقه
۲	عربی، زبان قرآن ۱	۱۰	۱۱	۲۰	۱۰ دقیقه
۳	دین و زندگی ۱	۱۰	۲۱	۳۰	۱۰ دقیقه
۴	زبان انگلیسی ۱	۱۰	۳۱	۴۰	۱۰ دقیقه
۵	ریاضی ۱	۲۰	۴۱	۶۰	۱۰ دقیقه
	هندسه ۱	۱۰	۶۱	۷۰	
۶	فیزیک ۱	۲۰	۷۱	۹۰	۲۵ دقیقه
۷	شیمی ۱	۲۰	۹۱	۱۱۰	۲۰ دقیقه



۱- در کدام گزینه به معنی درست واژه‌های «تفصیله - خطابه - زقעה - آخره» اشاره شده است؟

- ۱) سختی - مورد خطاب قرار دادن - نامه کوتاه - هر فورفتگی اندام
- ۲) گرفتاری - سخنرانی - بالاپوش - چنبه‌گردن
- ۳) قفس - خطبه خواندن - نوشته - برآمدگی پشت پای اسب
- ۴) دشواری - وضع کردن - یادداشت - قوس زیرگردن

در کدام بیت غلط املایی وجود ندارد؟

علاج شنگی از آب شور می‌جوید
 بشوی گرد سیاهی ز دل، نهای شیطان
 گنون چو پیکر مرده است جامه دیباش
 اگر زیر فلک کنج فراقی می‌شود پیدا

- ۱) کسی که چشم تصلا لاز آرزو دارد
- ۲) پیوش چشم ز بیقوله، نیستی رهزن
- ۳) گنون چو جامه غوک است پیکر دزمش
- ۴) به غیر از گوشة دل نیست صائب، بارها دیدم

اطلاعات ادبی ذکر شده در کدام گزینه تماماً صحیح است؟

- ۱) اتفاق آبی: اثری منظوم از سهراب سپهری
- ۴) گلستان: اثری منظوم از سعدی

- ۱) اسرار التوحید: اثری منتشر از محمد بن متور
- ۳) ارزیابی شتابزده: اثری منتشر از علی اسفندیاری

آرایه درج شده در برابر کدام گزینه نادرست است؟

ما به امید غم ت خاطر شادی طلبیم: تشییه
 عانسقی ها از دله، دیوانگی ها از سرم: مجاز
 گرچه خون می چکد از شیوه چشم سیهش: کنایه
 بهسان گردباد از غم به خود پیچیدم و رفتم: استعاره

- ۱) چون غم را نتوان یافت مگر در دل شاد
- ۲) تار و پود هستی ام بر باد رفت، اما نرفت
- ۳) بوی شیر از لب هم چون شکرش می‌آید
- ۴) نیامد سرو من بیرون که بر گرد سرس گردم

در کدام بیت همه آرایه‌های «استعاره - واج آرایی - حس آمیزی - تناسب» وجود دارد؟

- ۱) گلشن طبع من آراسته از لاله و نسرین
- ۲) که به یک خنده دوای دل بیمار من آیی
- ۳) به کمند توفتم که نگه‌دار من آیی
- ۴) به امیدی که تو هم شمع شب تار من آیی

- ۱) نسخه شعر تر آرم به شفاخانه لعلت
- ۲) صید را شرط نباشد همه در دام کشیدن
- ۴) روز روشن به خود از عشق تو کردم چو شب تار

نوع «واو» در کدام گزینه متفاوت است؟

من خراب توام و چشم تو بیمار من است
 دام پر رخنه و دیوار قفس کوتاه است
 نفس نافه ر خونین جگری مشکین است
 دست خود حلقه بر آن موی کمر ساخته است

- ۱) دوستان آینه صورت احوال همند
- ۲) بر گرفتاری خود سخت دلم می‌لرزد
- ۳) خون خور و مهر به لب زن که درین عبرتگاه
- ۴) رفته آرام و فرار از رگ جان‌ها تازلف

معنی و کاربرد فعل «شدن» در کدام گزینه متفاوت است؟

اوراق دلم خرج پریشان نظری بود
 ما به هر در صائب از غفلت چو سائل می‌رویم
 سال‌ها شد از بلند آسمان افتاده‌ام
 زین بوته، محال است کسی خام برآید

- ۱) زان روز که شد دیده من باز چو نرگس
- ۲) از در دل می‌توان شد از دو عالم بی‌نیاز
- ۳) اختیاری نیست سیر موجه بی‌تاب من
- ۴) ز آشکده هند شد آدم ز گنه پاک



-۸ کدام گزینه با عبارت «آن سر بزرگ داغ داغ بود؛ اما چشم‌ها را بسته بودند؛ کوره‌ای تازه خاموش شده.» تناسب معنایی بیشتری دارد؟

- ۱) ز فکر توشه مکن دوش خود گران زنهار
- ۲) عاقبت بر سر کوی تو پخواهد سر باخت
- ۳) هر که زد بر آتش خشم آب مانند خلیل
- ۴) اگر صد سال مانی ور یکی روز

هر دو بیت کدام گزینه با عبارت «بعضی دیگر از بچه‌ها گوشة خلوتی یافته‌اند و تذشته خوش را با وسوس یک قاضی می‌کاوند و سراپای زندگی خویش را محاسبه می‌کنند و وصیت‌نامه می‌نویسند.» تناسب معنایی ندارد؟

- الف) حساب کرده خود کن، حساب در چه کنی؟
- ب) ز آن پیش‌تر که حشر به دیوان کشد تو را
- ج) عمر که بی‌عشق رفت هیچ حسابش مگیر
- د) خودحساب از پرسش روز حساب آسوده است
- ه) فردای قیامت که حساب همه خواهند

(۴) ب - ج (۳) الف - ب (۲) د - ه (۱) ج - ه



-۹ کدام گزینه مفهوم متفاوتی دارد؟

- ۱) وطن هر چند دلگیر است بر غربت شرف دارد
- ۲) قفس کم نیست از گلزار اگر باشد فراموشی
- ۳) به چشم هر که رمیده است از جهان صائب
- ۴) جان غرستزده را زود به پابوس وطن

■ عین الأصح والأدق في الجواب للترجمة أو المفردات (۱۶ - ۱۱):

-۱۱ «خذّلنا قائدنا عن الإساءة إلى الآخرين وأمننا أن نحترمهم في كل الحالات»:

- ۱) رهبرمان را از بدی کردن به دیگران برحذر داشتم و او به ما دستور داد که در همه حال به او احترام بگذاریم!
- ۲) رهبر ما، ما را از هرگونه بدی به آیندگان برحذر داشت و ما را به احترام به دیگران در همه حالات دستور دادا
- ۳) رهبریمان، ما را از هرگونه بدی به دیگران هشدار می‌دهد و ما را به احترام گذاشتیم به آن‌ها در هر حالی دستور می‌دهد!
- ۴) رهبرمان ما را از بدی به دیگران برحذر داشت و به ما دستور داد که به آن‌ها در همه حالات احترام بگذاریم!

«رأيُ القَطَّ الْأَذِي جَرَحَ قَدْمَهُ فَأَخْذَتْهُ إِلَى تَحْتِ شَجَرَةٍ وَاسْتَعْمَلَتْ لِمَعَالِجَتِهِ الأَعْشَابَ الطَّبِيعِيَّةِ!»:

- ۱) گربه‌ای را دیدم که پایش زخم شده بود پس او را زیر درختی بردم و از گیاهان دارویی برای درمانش استفاده نمودم!
- ۲) گربه‌ای را که پایش زخم بود دیدم پس آن را زیر آن درخت بردم و برای درمانش گیاهان دارویی را به کار بردم!
- ۳) گربه را دیدم که پایش زخم شده بود پس آن را به زیر درخت بردم و برای درمان آن گیاهان دارویی را استفاده کردم!
- ۴) گربه‌ای را دیدم که پایش زخم شده بود پس آن را به زیر درختی بردم تا آن را با گیاهان دارویی مداوا کنم!

-۱۲ «هذا الطائر الذي يدلّ الإنسان على فوائد الأعشاب ذكيّ جداً وأثار إعجاب الجميع!»:

- ۱) این پرنده‌ای است که انسان را به فواید گیاهان با هوش زیاد راهنمایی می‌کند و اعجاب همگی را برانگیختا
- ۲) این پرنده که انسان را به فواید گیاهان راهنمایی می‌کند، بسیار باهوش است و تعجب همگی را برانگیخته است
- ۳) این پرنده انسان را به فواید گیاهان هدایت می‌کند زیرا آن بسیار باهوش است و شگفتی همگی را برهمی نگیرید!
- ۴) این پرنده که انسان را به منافع گیاهان هدایت می‌کرد، بسیار باهوش است و دارای آثار همه شگفتی‌های است!



١٤- عین الصحيح:

- ١) سمعت أصواتاً عجيبةً من القريب لكنني ما وجدت أحداً قربي! صداحاتي عجيبى از نزديك شنيدم ولی من کسی را نزديکم نیافتم!
- ٢) أجعلوا جوالاتكم على المنضدة واجلسوا في نهاية القاعية؛ تلفنها بروي میز قرار دادند و در انتهای سالن نشستند!
- ٣) ينتفع بتجارب الكبار من يحب أن ينجح في الحياة؛ کسی که دوست دارد در زندگی موفق شود با تجربه‌های بزرگان سود می‌رساند!
- ٤) يذهب إخواني اليوم إلى عين الماء قرب القرية؛ دو برادرم امروز به جسمه آب نزديك روستا می‌روند!

١٥- عین الخطأ:

- ١) تعوض البومة هذا النقص بتحريك رأسها؛ جند این کمبود را با حرکت دادن سرش جبران می‌کند!
- ٢) يملك والدي أموالاً كثيرةً يعطيها الفقراء بعض الأحيان؛ پدرم اموال بسیاری دارد که آن‌ها را کاهی اوقات به فقیران می‌دهد!
- ٣) لدى دفتر ذكريات وأكتب فيه يومياً؛ دفتر خاطراتی داشتم و روزانه در آن می‌نوشتیم!
- ٤) ألك معلومات كثيرة عن الحيوانات المائية؛ آيا اطلاعات بسیاری درباره آبزیان داری؟

١٦- عین الصحيح:

- ١) الذئب: عضٌ خلف جسم الحيوان يحركه لطرد الحشرات!
- ٢) العملاء: من يجتهدون في كسب العلم و يعملون فيها!
- ٣) الإدارة: بمعنى طلب شيء أو شخص!
- ٤) الضياء: عدم الظلام!

■■■ عین المناسب في الجواب عن الأسئلة التالية (٢٠ - ١٧):

١٧- عین الخطأ في ضبط حركات الكلمات:

- ١) أيها الناس لا تحزنوا ولا تفرقوا!
- ٢) أولئك تعارفوا في المطعم أمس!
- ٣) ضدق كلامي يا أبي!
- ٤) كل يوم تجتمع للذهاب إلى المدرسة.

١٨

- إذا قال شخص كلاماً المسلمين فاعلموا أنه جاهل أو عالم ايجاد التفرقة.

١) تفرق - حُؤل	٢) يفرق - يحاول	٣) يفرق - حُؤل	٤) تفرق - يحاول
----------------	-----------------	----------------	-----------------

١٩- عین الخطأ:

- ١) تَرَحَّمْنَ: ماضٍ
- ٢) تَرَاهَمْنَ: أمر
- ٣) تَقْدِمْنَ: ماضٍ
- ٤) تَشَاهِدْنَ: مصدر

٢٠

عین فعلًا ليس له حرفان زائدان:

- ١) اشتريت لك إثنين عشر قلماً في ستة ألوان!
- ٢) سوف نتخرج بعد سنة واحدة من الجامعة
- ٣) تبدّل الجوز إلى الأعصار فغير الناس!
- ٤) تكتبن عبر الإنترنت يا بنتي!



٢١- تحقق کدام مورد سرآغازی بر حیات ابدی انسان می‌باشد؟

- ١) ورود به منزلگاه بعد
- ٢) تتحقق توفی و تداوم حیات بعد مجرد انسان
- ٣) واقعه‌ای که از هیبت آن مردم مست به نظر می‌رسند
- ٤) ورود به عالم بزرخ

٢٢

..... بهشت در دارد که چون بهشتیان سر رسند

- ١) هشت - درها توسط فرشتگان گشوده می‌شود.
- ٢) هشت - درها را به روی خود گشوده می‌بینند.
- ٣) هفت - درها توسط فرشتگان گشوده می‌شود.
- ٤) هفت - درها را به روی خود گشوده می‌بینند.

٢٣

«هرسانی دل‌ها» و «شگفت‌زدگی» بدکاران به ترتیب در کدامیک از خدادهای قیامت تحقق می‌یابد؟

- ١) زنده شدن همه انسان‌ها - حضور شاهدان و گواهان
- ٢) کنار رفتن پرده از حقایق عالم - دادن نامه اعمال
- ٣) کنار رفتن پرده از حقایق عالم - حضور شاهدان و گواهان
- ٤) زنده شدن همه انسان‌ها - دادن نامه اعمال



- ۲۴ - به ترتیب «آغازگر مرحله اول قیامت» و «شرط در امان ماندن از وحشت روز قیامت» کدام است؟
- (۱) نفح صور اول - نیکوکاری
 - (۲) پایان یافتن دنیا - نیکوکاری
 - (۳) پایان یافتن دنیا - ایمان آوردن به روز قیامت
 - (۴) نفح صور اول - ایمان آوردن به روز قیامت
- ۲۵ - دلیل انتخاب اعمال پیامبران و امامان به عنوان سنجه‌ای بر اعمال آدمی در واقعه بزرگ قیامت چیست و مربوط به کدام رخداد می‌باشد؟
- (۱) تطبیق عینی با دستورات خدا - دادن نامه اعمال
 - (۲) مصون و محفوظ بودن از هرگونه خطا - دادن نامه اعمال
 - (۳) تطبیق عینی با دستورات خدا - برپا شدن دادگاه عدل آنها
 - (۴) مصون و محفوظ بودن از هرگونه خطا - برپا شدن دادگاه عدل الهی
- ۲۶ - مطابق آیات شریف قرآن کریم آن زمان که ناله حسرت دوزخیان بلند می‌شود، چه چیزی را عامل بازدارنده از یاد خدا معرفی می‌کنند؟
- (۱) گوته‌های آنان در دنیا
 - (۲) عدم فرمانبرداری از دستورات خدا و رسول او
 - (۳) شیطان، بزرگان و سرورانشان
 - (۴) معاشرت با دوست ناباب
- ۲۷ - مطابق آیات شریف قرآن کریم «مهیا شدن عذاب دردناک در دوزخ» در مورد چه کسانی به کار برده شده است؟
- (۱) دوزخانی که در دنیا می‌گذرد و مغور نعمت بودند و برگناهان بزرگ اصرار می‌کردند.
 - (۲) دوزخانی که می‌گویند: ما در دنیا نماز نمی‌خوانیم و از محرومان دستگیری نمی‌کردیم.
 - (۳) کسانی که کارهای رشت انجام دهند و هنگام مرگ توبه کنند.
 - (۴) دوزخانی که همراه بدکاران غرق در معصیت خدا می‌شوند.
- ۲۸ - علم فرشتگان مقرب درگاه الهی بر اعمال انسان معلوم چیست و با کدام آیه شریفه ارتباط زمانی دارد؟
- (۱) مشاهده ظاهر و باطن اعمال انسان در دنیا - «یوم ترجمَ الارض»
 - (۲) مشاهده ظاهر و باطن اعمال انسان در دنیا - «الیوم نختم علی افواههم»
 - (۳) مراقبت از انسان در طول زندگی و ثبت و ضبط تمام اعمال - «الیوم نختم علی افواههم»
 - (۴) مراقبت از انسان در طول زندگی و ثبت و ضبط تمام اعمال - «یوم ترجمَ الارض»
- ۲۹ - با حفظ مقام و مرتبه «تابع» و «متبع» انکار اعمال ناشایست توسط برخی فجار در کدام گزینه به درستی بیان شده است؟
- (۱) حضور شاهدان و گواهان - دیدن نامه اعمال
 - (۲) حضور شاهدان و گواهان - برپا شدن دادگاه عدل الهی
 - (۳) مشاهده عاقبت شوم خویش - برپا شدن دادگاه عدل الهی
 - (۴) مشاهده عاقبت شوم خویش - دیدن نامه اعمال
- ۳۰ - عبارت قرآنی «إِنَّمَا يُأْكِلُونَ فِي بَطْوَنِهِمْ» ناظر بر کدام رابطه میان عمل و جزای آن است و ظرف تحقق آن کدام است؟
- (۱) تجسم عمل خوردن مال یتیم از روی ظلم - بزخ
 - (۲) نتیجه طبیعی خوردن مال یتیم از روی ظلم - دوزخ
 - (۳) تجسم عمل خوردن مال یتیم از روی ظلم - دوزخ

**PART A: Grammar and Vocabulary**

Directions: Questions 31-35 are incomplete sentences. Beneath each sentence you will see four words or phrases, marked (1), (2), (3), and (4). Choose the one word or phrase that best completes the sentence. Then mark your answer sheet.

- 31- She had lost her shoes on the trip, but when she came back, her mother bought her a pair of shoes.
- 1) most beautiful brown new
 - 2) more beautiful new brown
 - 3) new more beautiful brown
 - 4) brown new more beautiful
- 32- He seemed , so I decided to tell a joke to make him happy, but he said it wasn't
- 1) sadly / funny
 - 2) sadly / funny
 - 3) sad / funny
 - 4) sad / funny
- 33- I'm a little surprised that you want to change your job because I think being a is the coolest job in the world!
- 1) scientist
 - 2) traveler
 - 3) villager
 - 4) human



- 34- The girl survived the accident, but it's not yet known if there will be any long-term damage to her body
 1) brains 2) animals 3) organisms 4) organs
- 35- Dr. Martin Cooper cell phones in 1993. They are now one of the most common ways of communication in the twenty-first century.
 1) discovered 2) succeeded 3) invented 4) planned

PART B: Reading Comprehension

Directions: In this part of the test, you will read a passage. The passage is followed by five questions. Answer the questions by choosing the best choice, (1), (2), (3), or (4). Then mark your answer sheet.

A creature that was recently discovered in Scotland may be the oldest-known land animal. This small, fossilized creature, about 425 million years old, helped lead the way for the many animals that would eventually live on land. Researchers said they found the creature's remains on the island of Kerrera in Scotland. It lived close to a lake and probably ate dead plants. Fossils of the oldest-known plant with a stem were found in the same area.

While the creature, called Kampecaris obanensis, is the earliest land animal known from a fossil, soil worms are believed to have lived before them – perhaps 450 million years ago. That information comes from Michael Brookfield of the University of Texas at Austin and the University of Massachusetts Boston. Brookfield was the lead writer of the research report that described the findings in the journal *Historical Biology*.

Life first began in the world's oceans, with a growth in diversity around 540 million years ago. Some kinds of plants began appearing on land around 450 million years ago. The land vertebrates – animals that have a backbone or spine – showed up around 375 million years ago. These animals were the ancestors of the reptiles, birds, and mammals that are alive today – including humans. Human beings first appeared about 300,000 years ago.

- 36- Which of the following is NOT discussed in the passage?
 1) The origins of life on earth 2) The timeline of life on earth
 3) The development of oceans 4) Some examples of vertebrates
- 37- What does the underlined pronoun "them" in paragraph 2 refer to?
 1) fossil 2) Kampecaris obanensis
 3) soil worms 4) dead plants
- 38- According to the passage, all of the following are TRUE, EXCEPT
 1) worms were here on earth before humans
 2) soil worms appeared on earth around the same time that plants appeared on land
 3) it's not possible to find the fossil of a creature that did not have a backbone
 4) humans are considered vertebrates but soil worms are not
- 39- It can be concluded from the passage that
 1) worms did not live before Kampecaris obanensis
 2) reptiles are from the same category as worms
 3) unlike Kampecaris obanensis, worms did not live on land
 4) there is no fossil evidence of soil worms from 450 million years ago
- 40- The word "ancestor" in the final lines of the passage refers to an animal that
 1) lived before another animal
 2) lived after another animal
 3) does not have a backbone
 4) lives on land and eats plants



ریاضیات



ریاضی (۱)

- ۴۱- برای حل معادله درجه دوم $x^2 + mx - 5 = 0$ ، آن را به صورت $(ax - b)(x - c) = 0$ تجزیه کرده‌ایم. m کدام است؟

۹ (۲)

-۱۱ (۱)

۸ (۴)

-۱۰ (۳)

- ۴۲- اگر معادله $4x^2 - mx + 2 = 0$ تنها یک جواب داشته باشد، جواب آن کدام است؟ ($m > 0$)

 $4\sqrt{2}$ (۴)

۲ (۳)

 $\frac{\sqrt{2}}{2}$ (۲) $\sqrt{2}$ (۱)

- ۴۳- اگر یکی از جواب‌های معادله درجه دوم $-4x^2 - mx + m^2 = 0$ برابر ۱ باشد، بهارای کدام مقدار m . جواب دیگر معادله، عددی صحیح است؟

۲ (۴)

-۱ (۳)

۱ (۲)

-۲ (۱)

- ۴۴- مجموع ریشه‌های معادله $(2-\sqrt{5})x^2 - x + \sqrt{5} + 2 = 0$ کدام است؟

 $-(2+\sqrt{5})$ (۴) $-(2-\sqrt{5})$ (۳)۲- $\sqrt{5}$ (۲)۲+ $\sqrt{5}$ (۱)

- ۴۵- اگر یکی از ریشه‌های معادله $x^3 - 2x^2 + ax + 2 = 0$ برابر ۲ باشد، مجموع ریشه‌های معادله کدام است؟

۲ (۴)

۱ (۳)

۱ (۲)

۲ (۱)

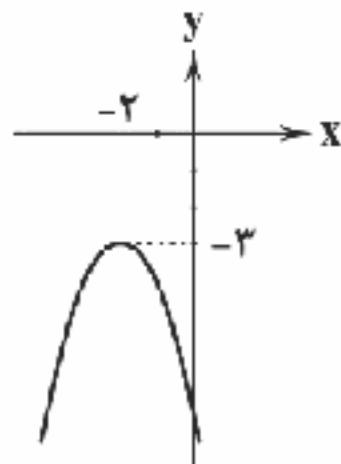
- ۴۶- نمودار مقابل، مربوط به کدام سهی است؟

$$y = (x+2)^3 + 3$$
 (۱)

$$y = (x+2)^3 - 3$$
 (۲)

$$y = -(x+2)^3 - 3$$
 (۳)

$$y = -(x+2)^3 + 3$$
 (۴)



- ۴۷- اگر طول اضلاع یک مثلث قائم‌الزاویه $a+1$ و $a+3$ باشد، آن‌گاه محیط این مثلث چه مضربی از عدد ۲ است؟

 $5+2\sqrt{3}$ (۴) $5+\sqrt{3}$ (۳) $2+\sqrt{3}$ (۲) $2+3\sqrt{3}$ (۱)

- ۴۸- اگر نمودارهای $y = ax^2 - ax + a$ و $y = x^2 - 1$ یکدیگر را قطع نکنند، معادله $\frac{1}{3}ax^2 - ax + a = 2$ چند جواب حقیقی برای x دارد؟

(۴) بی‌شمار

۲ (۳)

۱ (۲)

(۱) صفر

- ۴۹- سهی $+1 + -(x-1)^3$ از کدام ناحیه دستگاه مختصات نمی‌گذرد؟

(۴) چهارم

۳ (سوم)

۲ (دوم)

(۱) اول

- ۵۰- سهی $f(x) = ax^2 - x + a$ بر محور x ها مماس است. بهارای کدام مقدار a سهی محور y ها را در نقطه‌ای با عرض منفی قطع می‌کند؟

 $-\frac{1}{2}$ (۴)

-۱ (۳)

-۲ (۲)

-۴ (۱)

- ۵۱- سهی که محور x ها را در نقطه‌ای به طول ۱-، محور y ها را در نقطه‌ای به عرض ۳ و خط $y = x + 1$ را در نقطه‌ای به طول ۲- قطع می‌کند.

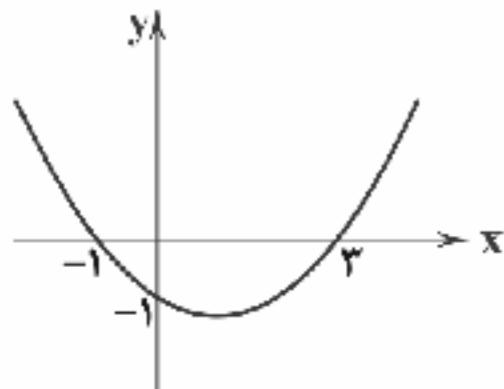
از کدام نقطه زیر می‌گذرد؟

(۲, ۱۴) (۴)

(۳, ۱۱) (۳)

(۲, ۱۵) (۲)

(۲, ۱۷) (۱)



-۵۲- نمودار یک سه‌می به صورت مقابل است. کمترین عرض نقاط روی این سه‌می کدام است؟

$$-\frac{5}{4}(2)$$

$$-\frac{7}{4}(1)$$

$$-\frac{4}{3}(4)$$

$$-\frac{5}{3}(3)$$

-۵۳- دامنه عبارت گویای $f(x) = \frac{2x+1}{x^2+mx+m}$ برابر \mathbb{R} است. حدود m کدام است؟

$$-4 < m < -2(4)$$

$$2 < m < 8(3)$$

$$-1 < m < 2(2)$$

$$- < m < 4(1)$$

-۵۴- با توجه به این‌که در هر مثلث همواره مجموع دو ضلع از ضلع سوم بزرگ‌تر است، حدود x در مثلث زیر کدام است؟



$$0 < x < \frac{2}{3}(2)$$

$$0 < x < 6(1)$$

$$x > 6(4)$$

$$\frac{2}{3} < x < 6(3)$$

-۵۵- اگر علامت عبارت $\frac{(m^2+1)(m^2+m+1)}{m-3}$ منفی باشد، تمام حدود m کدام است؟

$$m < -1(4)$$

$$m < 0(3)$$

$$m < 3(2)$$

$$m < 4(1)$$

-۵۶- اگر بهازی همه مقادیر x نامساوی $(1-m)x^2 + 4x - (1+m) < 0$ برقرار باشد، حدود m کدام است؟

$$m < 1(4)$$

$$m > \sqrt{5}(3)$$

$$-\sqrt{5} < m < 1(2)$$

$$1 < m < \sqrt{5}(1)$$

-۵۷- مجموعه جواب نامعادله $\frac{x^2+1}{x^2-1} < \frac{2}{x+1}$ کدام است؟

$$1 < x < 2(4)$$

$$-1 < x < 1(3)$$

$$1 < x < 3(2)$$

$$x < -1 \text{ یا } x > 1(1)$$

-۵۸- بهازی کدام مجموعه مقادیر a ، تساوی $ax^2 + |ax^2 - 2x - 3| = 3 + 2x$ همواره برقرار است؟

$$(-\infty, -\frac{1}{3})(4)$$

$$(-\infty, -2](3)$$

$$(-\infty, 0)(2)$$

$$(-\infty, 0)(1)$$

-۵۹- مجموعه جواب نامعادله $|x+3| < \frac{x+3}{x+1}$ کدام است؟

$$(-1, +\infty)(4)$$

$$(-2, -1)(3)$$

$$(-\infty, 0)(2)$$

$$(-\infty, -2)(1)$$

-۶۰- وقتی نوعی دارو در عضله دست راست بیمار تزریق می‌شود، غلظت دارو در عضله سمت چپ، t ساعت بعد از تزریق از رابطه $C = \frac{0.12t}{t^2+2}$

(برحسب میلی‌گرم در هر میلی‌لیتر) به دست می‌آید. چند ساعت بعد از تزریق، غلظت دارو در عضله دست چپ حداقل 10% خواهد بود؟

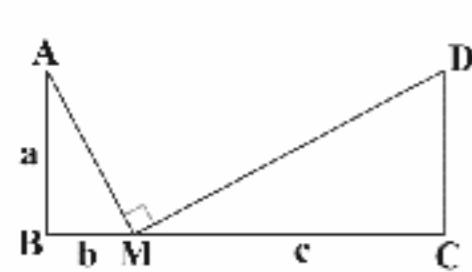
$$(4) \text{ بیش از 2 ساعت}$$

$$(3) 1 \text{ تا } 3 \text{ ساعت}$$

$$(2) 2 \text{ تا } 3 \text{ ساعت}$$

$$(1) 1 \text{ تا } 2 \text{ ساعت}$$

هندسه (۱)



-۶۱- اگر $ABCD$ مستطیل و AMD مثلث قائم‌الزاویه باشد، کدام رابطه برقرار است؟

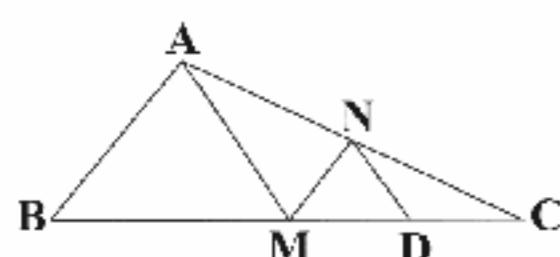
$$AC = \sqrt{2a^2 + b^2 + c^2}(2)$$

$$a^2 = bc(1)$$

$$AD = \sqrt{a^2 + b^2 + c^2}(4)$$

$$b^2 = ac(3)$$

-۶۲- در مثلث ABC ، میانه‌های AM ، AN و ND را به طور متوالی رسم می‌کنیم، مساحت مثلث MND چه کسری از مساحت مثلث ABC است؟



$$\frac{1}{8}(2)$$

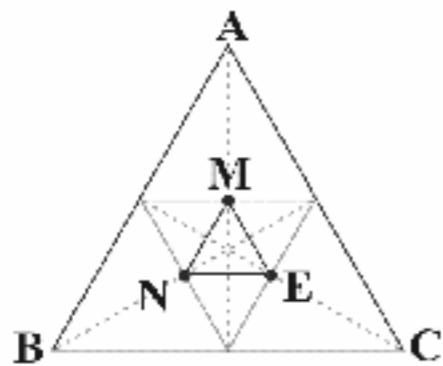
$$\frac{1}{16}(4)$$

$$\frac{1}{4}(1)$$

$$\frac{1}{6}(3)$$



۶۳- اگر نقاط E , N , M و سط میانه‌های مثلث متساوی‌الاضلاع ABC باشند، مساحت مثلث MNE چه کسری از مساحت مثلث ABC است؟

(۱) $\frac{1}{9}$ (۲) $\frac{1}{4}$ (۳) $\frac{1}{16}$ (۴) $\frac{1}{8}$

۶۴- در مثلث قائم‌الزاویه ABC ، ارتفاع وارد بر وتر (h) آن را به دو مثلث تقسیم می‌کند. به طوری که مساحت یکی $1/25$ برابر دیگری است. ارتفاع وارد بر وتر در مثلث کوچک‌تر چند برابر ارتفاع وارد بر وتر (h) است؟

(۱) $\frac{2}{3}$ (۲) $\frac{1}{3}$ (۳) $\frac{5}{6}$ (۴) $\frac{1}{6}$

۶۵- در مثلث ABC ، میانه‌های AM و BM' رسم شده‌اند. مساحت مثلث CMM' چه کسری از مساحت مثلث اولیه است؟

(۱) $\frac{1}{4}$ (۲) $\frac{1}{3}$ (۳) $\frac{1}{2}$ (۴) $\frac{\sqrt{2}}{2}$

۶۶- کدام یک از گزینه‌های زیر همواره صحیح نیست؟

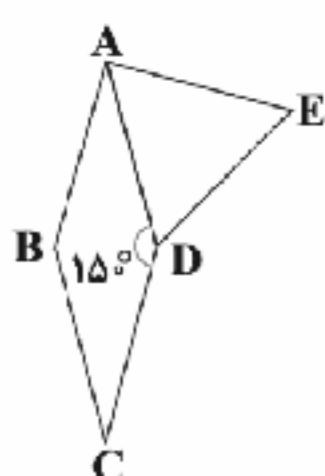
(۱) چهارضلعی که قطرهای آن یکدیگر را نصف کنند، متوازی‌الاضلاع است.

(۲) چهارضلعی که دو ضلع موازی و دو ضلع مساوی داشته باشد، متوازی‌الاضلاع است.

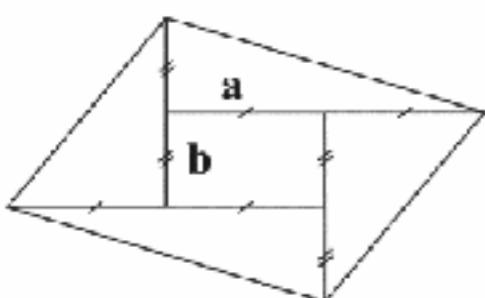
(۳) چهارضلعی که اضلاع رو به رو دویه‌دو متوازی باشند، متوازی‌الاضلاع است.

(۴) چهارضلعی که هر قطر آن، چهارضلعی را به دو مثلث همنهشت تقسیم کند، متوازی‌الاضلاع است.

۶۷- اگر همه یاره خط‌ها در شکل مقابل با هم برابر باشند، زاویه $\hat{A}BE$ چند درجه است؟

(۱) 30° (۲) 35° (۳) 40° (۴) 45°

۶۸- مطابق شکل، اضلاع یک مستطیل به ابعاد a و b را به اندازه خودشان ادامه می‌دهیم. اگر $b = \sqrt{2}a$ باشد، محیط چهارضلعی حاصل کدام است؟



Konkur.in

(۱) $(6 + \sqrt{6})b$ (۲) $(3 + \sqrt{6})b$ (۳) $(3\sqrt{3} + 2\sqrt{2})a$ (۴) $(3\sqrt{2} + 2\sqrt{3})a$

۶۹- ناحیه مربوط به یک n -ضلعی، در کدام حالت لزوماً محدب نیست؟

(۱) هر n زاویه داخلی آن کمتر از 180° باشد.

(۲) پاره خطی که هر دو نقطه دلخواه از این ناحیه را به هم وصل کند، کاملاً درون ناحیه قرار گیرد.

(۳) همه رئوس در یک طرف از خطی باشند که بر هر ضلع دلخواه منطبق می‌گردند.

(۴) مجموع زوایای داخلی‌اش برابر با $180^\circ \times (n-2)$ باشد.

۷۰- کدام گزینه یک لوزی را تعریف می‌کند؟

(۱) متوازی‌الاضلاعی که قطرهایش نیمساز زوایا می‌باشد.

(۳) چهارضلعی که قطرهایش برهم عمودند.

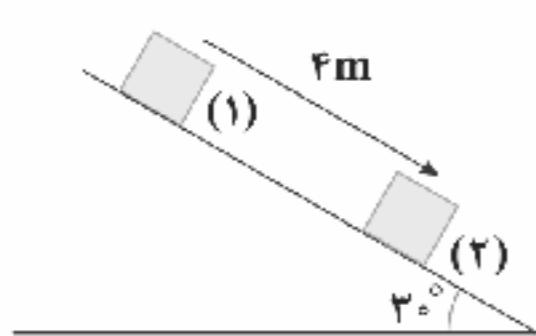
(۲) مستطیلی که قطرهای برابر دارد.

(۴) متوازی‌الاضلاعی که قطرهای آن برابر است.



- ۷۱- مطابق شکل زیر، جسمی به جرم 2 kg روی سطح شیبدار از نقطه (۱) با تندی $\frac{m}{s}$ 2 مماس بر سطح شیبدار به سمت پایین سطح شیبدار

پرتاب می‌شود. پس از طی مسافت 4 متر تندی جسم به $\frac{m}{s}$ 4 می‌رسد. کار نیروی اصطکاک بر روی جسم در این جا به جایی چند ژول است؟



$$(1) \quad g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}$$

۲۸ (۱)

-۲۸ (۲)

۵۲ (۳)

-۵۲ (۴)

- ۷۲- مطابق شکل زیر، بالگردی با تندی 7 در حال حرکت است. اگر این بالگرد بسته‌ای به جرم 100 کیلوگرم را از ارتفاع 200 متری سطح زمین رها

کند، بسته با تندی $\frac{m}{s}$ 20 به زمین می‌رسد. تندی حرکت بالگرد چند کیلومتر بر ساعت است؟ (کار نیروی مقاومت هوا بر روی بسته در این



$$(2) \quad g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}$$

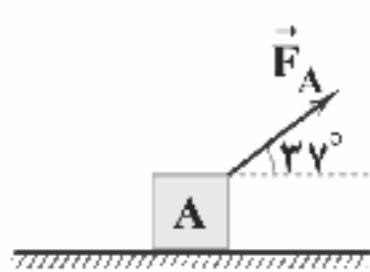
۴۰ (۱)

۱۴۴ (۲)

۸۰ (۳)

۲۸۸ (۴)

- ۷۳- مطابق شکل زیر، به دو جسم A و B که روی سطح افقی بدون اصطکاکی قرار دارند، به ترتیب دو نیروی ثابت \vec{F}_A و \vec{F}_B اثر می‌گذند و دو جسم تحت اثر این نیروها از حال سکون شروع به حرکت می‌گذند. اگر $m_A = 2m_B$ و $F_A = 2F_B$ باشد، در یک جا به جایی برابر برای دو جسم A و B ، انرژی جنبشی و تندی جسم A به ترتیب از راست به چپ، چند برابر انرژی جنبشی و تندی جسم B است؟ ($\cos 37^\circ = 0.8$ و $\cos 53^\circ = 0.6$)



$$(1) \quad \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$(2) \quad \frac{8}{3} \text{ و } \frac{2\sqrt{3}}{3}$$

$$(3) \quad \frac{2\sqrt{3}}{3} \text{ و } \frac{8}{3}$$

$$(4) \quad \frac{\sqrt{3}}{3} \text{ و } \frac{8}{3}$$

- ۷۴- مطابق شکل زیر، پسر بچه‌ای می‌خواهد سنگی به جرم 200 گرم را پرتاب کند، به این منظور، پسر بچه نیروی ثابت $F = 30\text{ N}$ را تا لحظه پرتاب توپ و در امتداد جا به جایی توپ به بزرگی 150 cm بر آن وارد می‌کند. با چشم پوشی از مقاومت هوا تندی سنگ هنگام جدا شدن از دست پسر بچه چند متر بر ثانیه است؟



$$(1) \quad 30\sqrt{2}$$

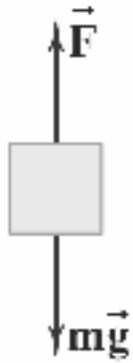
$$(2) \quad 15\sqrt{2}$$

$$(3) \quad 20\sqrt{2}$$

$$(4) \quad 25\sqrt{2}$$



- ۷۵- نیروهای وارد بر جسمی که در راستای قائم رو به پایین در حال حرکت است، مطابق شکل زیر می‌باشد. اگر کار انجام شده توسط نیروی \vec{F} را با W و تغییر انرژی پتانسیل گرانشی جسم را با ΔU نشان دهیم، کدام گزینه صحیح است؟



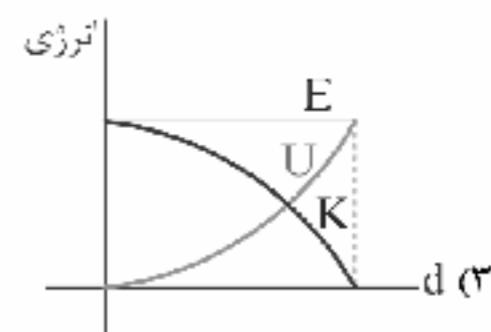
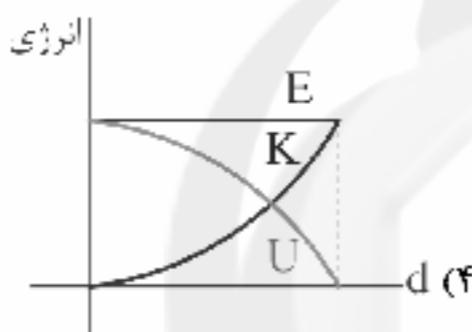
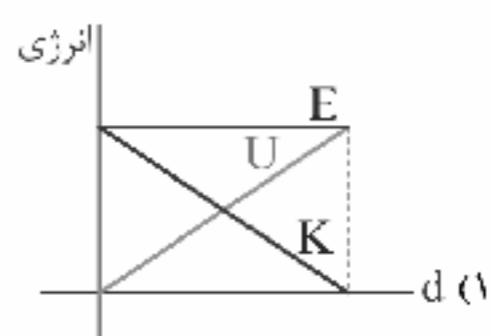
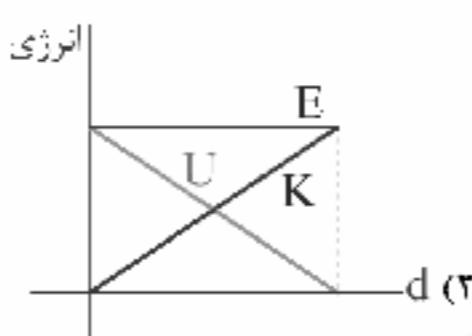
$$\Delta U = W \quad (۱)$$

$$\Delta U > W \quad \text{یا} \quad \Delta U = W \quad (۲)$$

$$\Delta U < W \quad (۳)$$

$$\Delta U > W \quad \text{یا} \quad \Delta U < W \quad (۴)$$

- ۷۶- در شرایط خلا، جسمی را از سطح زمین در راستای قائم به سمت بالا پرتاب می‌کنیم. نمودار انرژی جنبشی (K)، انرژی پتانسیل (U) و انرژی مکانیکی (E) جسم بر حسب جایه جایی آن از سطح زمین گدام است؟ (مبدأ پتانسیل را سطح زمین در نظر بگیرید).



- ۷۷- دو گلوله هم حجم سربی و چوبی از سطح زمین با سرعت اولیه یکسان در راستای قائم به سمت بالا پرتاب می‌شوند. اگر از مقاومت هوا صرف نظر کنیم، هنگامی که دو گلوله به $\frac{1}{4}$ ارتفاع اوج خود (حداکثر ارتفاعی که بالا می‌روند) می‌رسند، گدام یک از گزینه‌های زیر درست است؟

(۱) انرژی جنبشی گلوله چوبی بیشتر از انرژی جنبشی گلوله سربی است.

(۲) انرژی مکانیکی دو گلوله با هم برابر است.

(۳) انرژی جنبشی گلوله سربی بیشتر از انرژی جنبشی گلوله چوبی است.

(۴) انرژی جنبشی گلوله‌ها با هم برابر است.

- ۷۸- مطابق شکل زیر، گلوله‌ای را روی سطح افقی بدون اصطکاکی به سمت فنر پرتاب می‌کنیم. در گدام یک از گزینه‌های زیر انرژی پتانسیل کشسانی بیشتری در فنر ذخیره می‌شود؟



Konkur.in

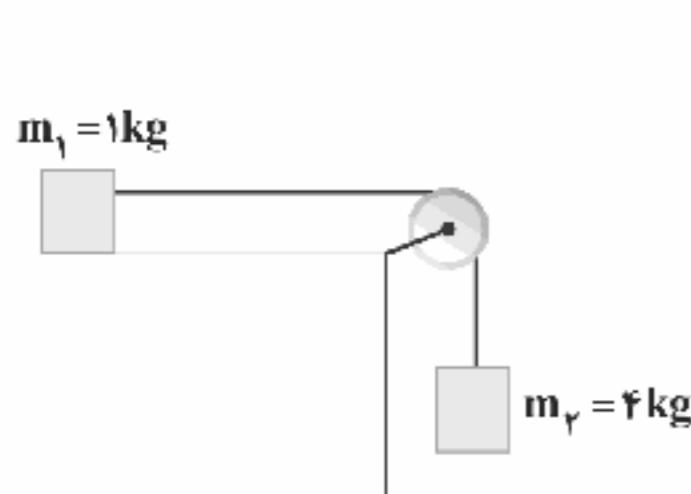
(۱) جرم گلوله 5 kg بوده و فنر را 4 cm فشرده کند.

(۲) جرم گلوله 10 kg بوده و فنر را 2 cm فشرده کند.

(۳) جرم گلوله 2 kg بوده و فنر را 6 cm فشرده کند.

(۴) جرم گلوله 1 kg بوده و فنر را 7 cm فشرده کند.

- ۷۹- مطابق شکل زیر، اگر مجموعه از حال سکون رها شود، هنگامی که انرژی جنبشی مجموعه به $J = 40 \text{ J}$ می‌رسد، وزنه m_2 چند متر پایین‌تر آمده است؟ (اصطکاک ناچیز است و $g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$)



۱ (۱)

۲ (۲)

۳ (۳)

۴ (۴)



- ۸۰- گلوله کوچکی به جرم 5 kg را در شرایط خلا از ارتفاع $12/8$ متری سطح زمین با سرعت اولیه 7 در راستای قائم به سمت زمین پرتاب می‌کنیم. تندی این گلوله در ارتفاع $2/8$ متری سطح زمین به $\frac{\text{m}}{\text{s}}$ می‌رسد. تندی اولیه گلوله چند متر بر ثانیه بوده است؟ ($g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}$)

(۴)

(۳)

(۲)

(۱)

- ۸۱- در شرایط خلا، گلوله‌ای به جرم 4 kg از سطح زمین به طور قائم به سمت بالا پرتاب می‌شود. این گلوله حداقل تا ارتفاع h از سطح زمین بالا می‌رود. اگر انرژی جنبشی گلوله در ارتفاع h از سطح زمین برابر با 10^0 ژول باشد، ارتفاع h چند متر است؟ ($g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$)

(۴)

(۳)

(۲)

(۱)

- ۸۲- در شرایط خلا، گلوله‌ای به جرم 8 kg را از سطح زمین در راستای قائم به سمت بالا پرتاب می‌کنیم. اگر در نقطه‌ای از مسیر حرکت، انرژی پتانسیل گرانشی و انرژی جنبشی گلوله به ترتیب 124 J و 200 J باشند، تندی اولیه پرتاب گلوله چند متر بر ثانیه است؟

(۴)

(۳)

(۲)

(۱)

- ۸۳- جسمی در هوا در امتداد قائم سقوط می‌کند و 500 ژول از انرژی پتانسیل آن کاسته می‌شود. انرژی جنبشی آن در این جایه جایی چگونه تغییر می‌کند؟

(۲)

(۱)

(۴)

(۳)

- ۸۴- مطابق شکل زیر، گلوله‌ای به جرم 200 گرم از نقطه A بدون سرعت اولیه رها می‌شود و پس از برخورد با فنر در سطح افقی آن را متراکم می‌کند. اگر حداقل انرژی پتانسیل کشسانی فنر برابر با 2 J باشد، کار نیروی اصطکاک بر روی گلوله در طول مسیر برابر با چند ژول است؟

$$(g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}} \text{ و نیروی اصطکاک بین گلوله و سطح، ثابت است.})$$



سایت کنکور

(۱)

(۲)

(۳)

(۴)

- ۸۵- چه تعداد از عبارات زیر نادرست است؟

الف) هر چه توان ورودی ماشینی کم‌تر باشد الزاماً کار کم‌تری انجام می‌دهد.

ب) هر چه کار معینی در زمان بیشتری انجام شود، مقدار توان بیشتر است.

ج) هر چه بازده یک وسیله بیشتر باشد، کار سریع‌تر انجام می‌شود.

د) هر چه توان یک وسیله بیشتر باشد، الزاماً کار در زمان کوتاه‌تری انجام می‌شود.

(۴)

(۳)

(۲)

(۱)

- ۸۶- واحد توان در SI، وات است. این واحد بر حسب یکاهای اصلی کدام است؟

$$\frac{\text{kg} \cdot \text{s}^2}{\text{m}^2} \quad (۲)$$

$$\frac{\text{kg} \cdot \text{m}^2}{\text{s}^3} \quad (۱)$$

$$\frac{\text{kg} \cdot \text{s}^2}{\text{m}^2} \quad (۴)$$

$$\frac{\text{kg} \cdot \text{m}^2}{\text{s}^2} \quad (۳)$$



-۸۷- ماشین پلیسی به جرم 1600 kg در حال تعقیب خودروی سارقین می‌باشد. راننده ماشین پلیس برای سبقت گرفتن از اتومبیل سارقین در مدت ۴ ثانیه تندی خود را از $v_2 = ۷۲ \frac{\text{km}}{\text{h}}$ به $v_1 = ۳۶ \frac{\text{km}}{\text{h}}$ می‌رساند. توان متوسط خودروی پلیس با نادیده گرفتن نیروهای مقاوم بحسب اسب بخار چقدر است؟ ($1\text{hp} \approx ۷۵\text{ W}$)

(۴)

(۳)

(۲)

(۱)

-۸۸- توسط پمپ آبی، در مدت ۱۶ ثانیه ۶۴۰ کیلوگرم آب با تندی ثابت از عمق ۲۰ متری زمین به ارتفاع ۱ متری سطح زمین منتقل می‌شود. توان متوسط پمپ چند کیلووات است؟ ($g = ۱۰ \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$ و نیروهای اضافی را نادیده بگیرید.)

(۴)

(۳)

(۲)

(۱)

-۸۹- آسانسوری با توان مصرفی 4 kW و جرم کل 400 kg با تندی ثابت بالا می‌رود. اگر بازده موتور آسانسور ۶۰% باشد، در چند ثانیه $۳۰\text{ متر بالا می‌رود؟}$ ($g = ۱۰ \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$)

(۴)

(۳)

(۲)

(۱)

-۹۰- اگر $۱۰\text{ ثانیه طول بکشد که تندی اتومبیلی از } ۲۰ \frac{\text{m}}{\text{s}} \text{ به } ۳۰ \frac{\text{m}}{\text{s}} \text{ برسد، چند ثانیه طول خواهد کشید تا تندی آن از } ۵۰ \frac{\text{m}}{\text{s}} \text{ به } ۷۰ \frac{\text{m}}{\text{s}} \text{ برسد؟ (توان اتومبیل ثابت است و نیروهای مقاوم نادیده گرفته شوند.)}$

(۴)

(۳)

(۲)

(۱)



-۹۱- چه تعداد از عبارات‌های زیر درست است؟

- سوختن، واکنشی شیمیایی است که در آن، یک ماده با اکسیژن به سرعت واکنش می‌دهد و بخشی از انرژی شیمیایی آن به صورت گرما و بقیه به صورت نور آزاد می‌شود.

- افزودن آهک به خاک سبب می‌شود تا مقدار و نوع مواد معدنی در دسترس گیاه تغییر کند.

- فلز منیزیم با شعله سفید رنگ و فلز سدیم با شعله زرد رنگ می‌سوزد.

- اکسیژن گازی واکنش پذیر است و با اغلب عنصرها و مواد واکنش می‌دهد و شیمی دانها از این ویژگی برای تهیه بسیاری از مواد بهره می‌گیرند.

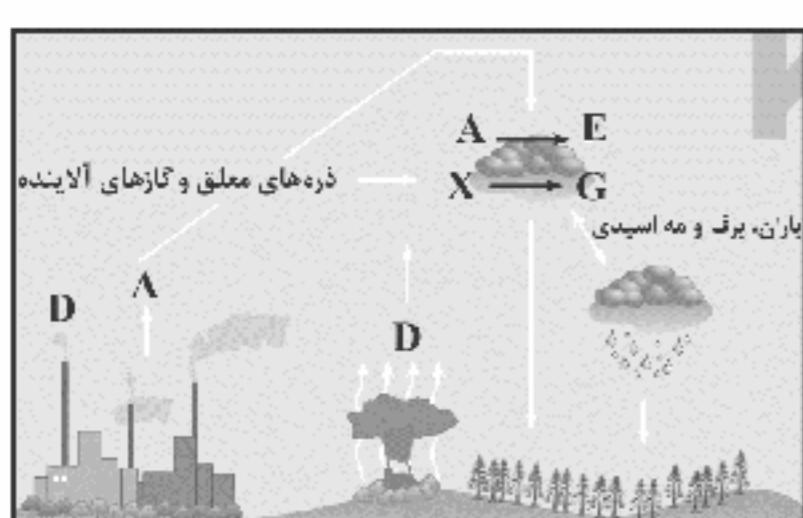
(۴)

(۳)

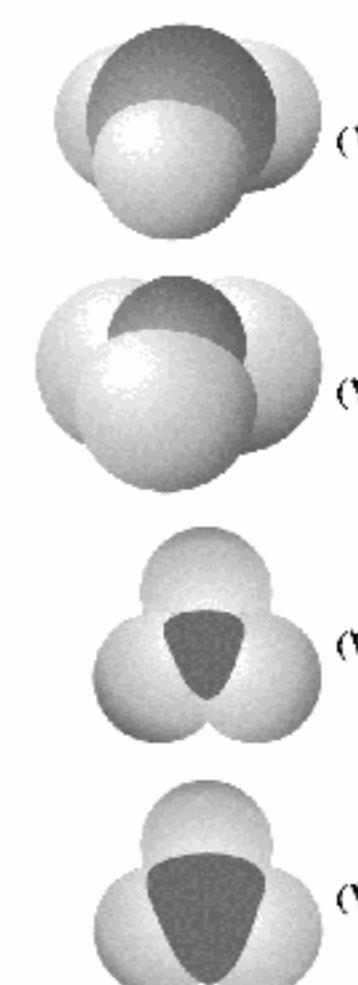
(۲)

(۱)

-۹۲- شکل زیر روند تولید باران اسیدی را نشان می‌دهد. مدل فضای پرکن مولکول X به کدام صورت درست است؟



Konkur.in





۹۳ - کدام یک از مطالب زیر درست است؟

(۱) آهن تنها فلزی است که با بیش از یک نوع اکسید در طبیعت شناخته شده است.

(۲) فلز نقره بر اثر گرمای پودر گوگرد واکنش می‌دهد و جامد کردن نقره سولفید تولید می‌شود.

(۳) اگر در یک واکنش، مجموع شمار اتم‌ها در دو سمت معادله با هم برابر باشد، آن واکنش موازن شده است.

(۴) معادله نوشته شده سوختن کربن به صورت $C(s) + O_2(g) \rightarrow CO_2(g)$ است.

۹۴ - در کدام گزینه نسبت شمار کاتیون‌ها به شمار آنیون‌های ترکیب اول برابر با نسبت شمار پیوندهای دوگانه ترکیب دوم است؟

(۱) آهن (II) کلرید، گوگرد تری اکسید (SOF₃)

(۲) مس (I) اکسید، تیونیل فلوئورید

(۳) مس (II) سولفید، گوگرد دی اکسید

(۴) آهن (III) اکسید، دی‌نیتروژن تتراء اکسید

۹۵ - کدام یک از مطالب زیر نادرست است؟

(۱) شمار اتم‌های یک مولکول گوگرد همچنان فلوئورید بیشتر از یک مولکول دی‌نیتروژن تتراء اکسید است.

(۲) متخصصان کشورمان به تاریخی موفق به جداسازی و تهییه گاز هلیم شده‌اند.

(۳) از هر دو گاز نجیب آرگون و هلیم در جوشکاری استفاده می‌شود.

(۴) نقطه جوش هلیم پایین‌تر از نقطه جوش آرگون است.

۹۶ - در نامگذاری ساده‌ترین توکیب دوتایی حاصل از عنصرهای «کربن و گوگرد»، «نیتروژن و فلوئور» و «سیلیسیم و برم» به ترتیب از پیشوندهای

..... و استفاده می‌شود.

(۱) دی، نتریا، تری

(۲) دی، نتریا، تتراء

(۳) تری، دی، تتراء

(۴) تری، تتراء، دی

(۱) دی، نتریا، تری

۹۷ - چه تعداد از فرمول‌های زیر را می‌توان برای کروم در نظر گرفت؟

CrP

$CrCl_3$

Cr_2O_3

$CrBr_3$

Cr_3N_4

CrS

(۱) ۴

(۲) ۳

(۳) ۲

(۴) ۱

۹۸ - کم‌ترین و بیشترین دمای یک روز زمستانی به ترتیب $1/5^{\circ}C$ و $8^{\circ}C$ است. میانگین دمای درون یک گلخانه در این روز به تقریب چند

درجة سلسیوس باشد تا گلخانه کارایی مناسبی داشته باشد؟

(۱) ۱۰

(۲) ۱۴

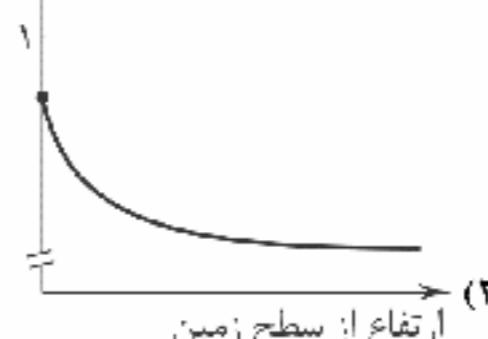
(۳) ۵

(۴) ۱

۹۹ - کدام یک از نمودارهای زیر را می‌توان به فشار گاز اکسیژن بر حسب ارتفاع از سطح زمین نسبت داد؟

(۱) فشار اکسیژن (atm)

(۱) فشار اکسیژن (atm)



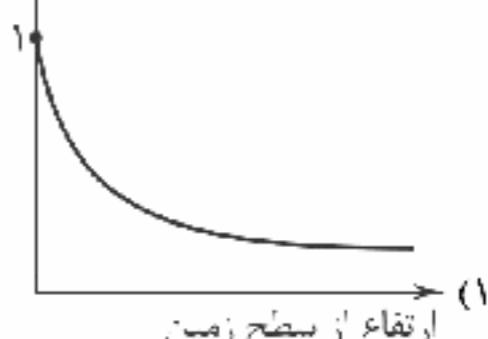
(۲) ارتفاع از سطح زمین

(۲) فشار اکسیژن (atm)

(۲) فشار اکسیژن (atm)



(۳) ارتفاع از سطح زمین



(۴) ارتفاع از سطح زمین



۱۰۰- بخش از پرتوهای خورشیدی که به سمت زمین تابیده می‌شود به وسیله هواکره جذب می‌شود و زمین بخش از گرمای جذب شده را به صورت تابش فروسرخ از دست می‌دهد.

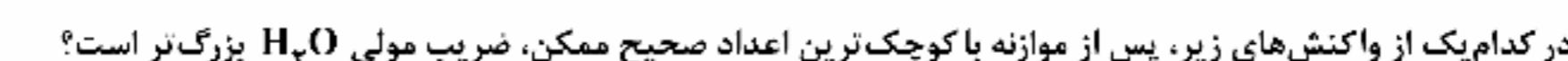
- ۱) عمداءی - قابل توجهی ۲) عمداءی - ناچیزی ۳) کوچکی - قابل توجهی ۴) کوچکی - ناچیزی

۱۰۱- در چه تعداد از گونه‌های زیر، شمار جفت الکترون‌های پیوندی برابر با شمار جفت الکترون‌های ناپیوندی است؟

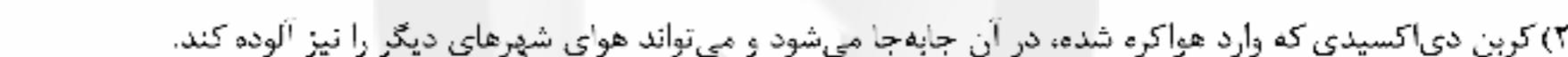
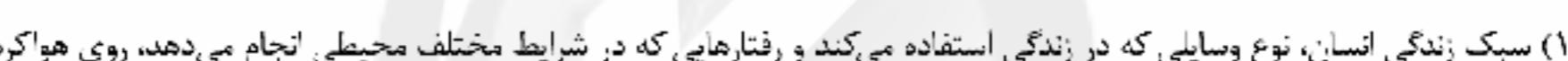


- ۱ (۴) ۲ (۳) ۳ (۲) ۴ (۱)

۱۰۲- اگر بدانیم از سوختن کامل هر کدام از ترکیب‌های زیر، گاز CO_2 و بخار آب تولید می‌شود، در معادله موازن شده سوختن کامل کدام ترکیب، نسبت ضریب اکسیژن به ضریب ماده سوختنی عدد بزرگ‌تری است؟



۱۰۳- کدامیک از واکنش‌های زیر، پس از موازنی با کوچک‌ترین اعداد صحیح ممکن، ضریب مولی H_2O بزرگ‌تر است؟



۱۰۴- کدامیک از مطالب زیر نادرست است؟

- ۱) سبک زندگی انسان، نوع وسایلی که در زندگی استفاده می‌کند و رفتارهایی که در شرایط مختلف محیطی انجام می‌دهد، روی هواکره تأثیر می‌گذارد.

- ۲) کربن دی‌اکسیدی که وارد هواکره شده، در آن جایه‌جا می‌شود و می‌تواند هوای شهرهای دیگر را نیز آلوده کند.

- ۳) هوای آلوده باعث سوزش چشم، سردرد، تپوی و به وجود آمدن انواع بیماری‌های تنفسی مانند سرطان ریه می‌شود.

- ۴) ردپای کربن دی‌اکسید نشان می‌دهد در تولید یک محصول یا بر اثر انجام یک فعالیت چه مقدار از این گاز مصرف می‌شود.

۱۰۵- استفاده از کدام منبع برای تولید برق، به ترتیب بیشترین و کم‌ترین مقدار کربن دی‌اکسید را تولید می‌کند؟

- (a) زغال سنگ (b) نفت خام (c) گاز طبیعی (d) باد (e) گرمای زمین (f) انرژی خورشید

- f, c (۴) e, b (۳) c, a (۲) d, a (۱)

۱۰۶- معنای چه تعداد از نمادهای موجود در معادله‌های شیمیایی، نادرست نوشته شده است؟

• $\xrightarrow{\Delta}$: واکنش دهنده‌ها در طول واکنش باید گرم باشند.

• $\xrightarrow{20\text{ atm}}$: حداقل فشار لازم برای انجام واکنش برابر 20 atm است.

• $\xrightarrow{1200^\circ\text{C}}$: با انجام واکنش دمای مخلوط واکنش به 1200°C می‌رسد.

• $\xrightarrow{\text{Pb(s)}}$: برای انجام واکنش از فلز پالادیم به عنوان کاتالیزگر استفاده می‌شود.

- ۱ (۱) ۲ (۲) ۳ (۳) ۴ (۴)

۱۰۷- کدامیک از مطالب زیر نادرست است؟

- ۱) برای انجام واکنش میان گازهای H_2 و O_2 و تولید آب می‌توان از پلاتین (Pt) به عنوان کاتالیزگر استفاده کرد.

- ۲) یکی از ویژگی‌های مهم واکنش‌های شیمیایی این است که همه آن‌ها از قانون پایستگی جرم پیروی می‌کنند.

- ۳) در معادله واکنش، رسوب‌ها با نماد (s)، مواد مذاب با نماد (l) و انواع محلول‌ها با نماد (aq) نشان داده می‌شوند.

- ۴) هنگامی که به شکر گرما داده می‌شود، دچار تغییر شیمیایی شده و رنگ آن تغییر می‌کند.



۱۰۸ - چه تعداد از مواردی که زیر آنها خط کشیده شده نادرست است؟

«کره زمین با لایه‌ای از گازها به نام هواکره احاطه شده است. این لایه برای زمین همانند لایه پلاستیکی برای گلخانه است و سبب گرم شدن کره زمین می‌شود، به طوری که اگر این لایه وجود نداشت، میانگین دمای کره زمین به -8°C کاهش می‌یافتد. با این توصیف پرتوهای خورشیدی، پس از برخورد به زمین دوباره با طول موج‌های بلندتر به هواکره برمی‌گردند، اما هر کدام از گازهای موجود در هواکره مانند H_2O ، CO_2 و ... مانع از خروج آنها می‌شوند و بدین ترتیب زمین را گرم‌تر می‌کنند.»

(۴)

(۳)

(۲) صفر

(۱)

۱۰۹ - در اثر سوزاندن سوخت‌های فسیلی، چه تعداد از آلاینده‌های زیر به طور مستقیم وارد هواکره می‌شوند؟

(۴)

(۳)

(۲)

(۱)

۱۱۰ - هر کدام از نمودارهای زیر یک روند جهانی را نشان می‌دهند. چه تعداد از آنها درست رسم شده‌اند؟

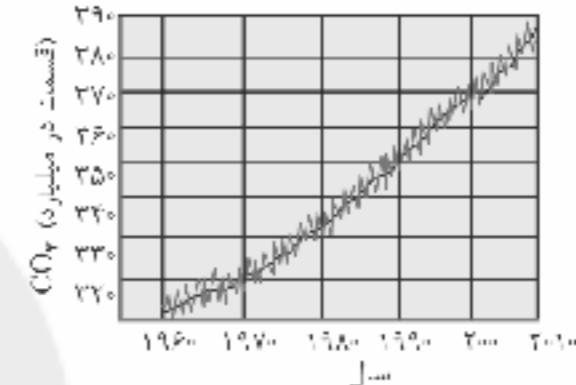


(۴)

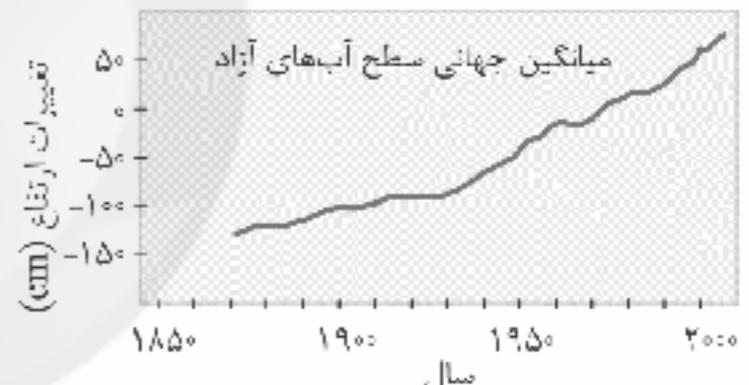
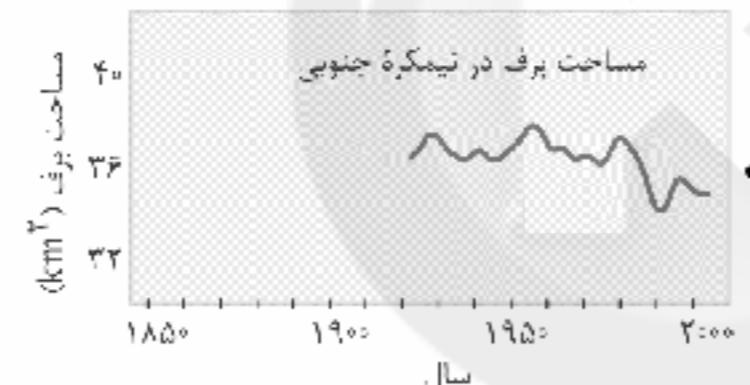
(۳)

(۲)

(۱) صفر



(۴)



سایت کنکور

Konkur.in

دفترچه شماره ۲

آزمون شماره ۱۵

جمعه ۹۹/۱۱/۲۴



آزمون‌های سراسری کاج

گزینه درست را انتخاب کنید.

سال تحصیلی ۱۴۰۰-۱۳۹۹

پاسخ‌های تشریحی

پایه دهم ریاضی

دوره دوم متوسطه

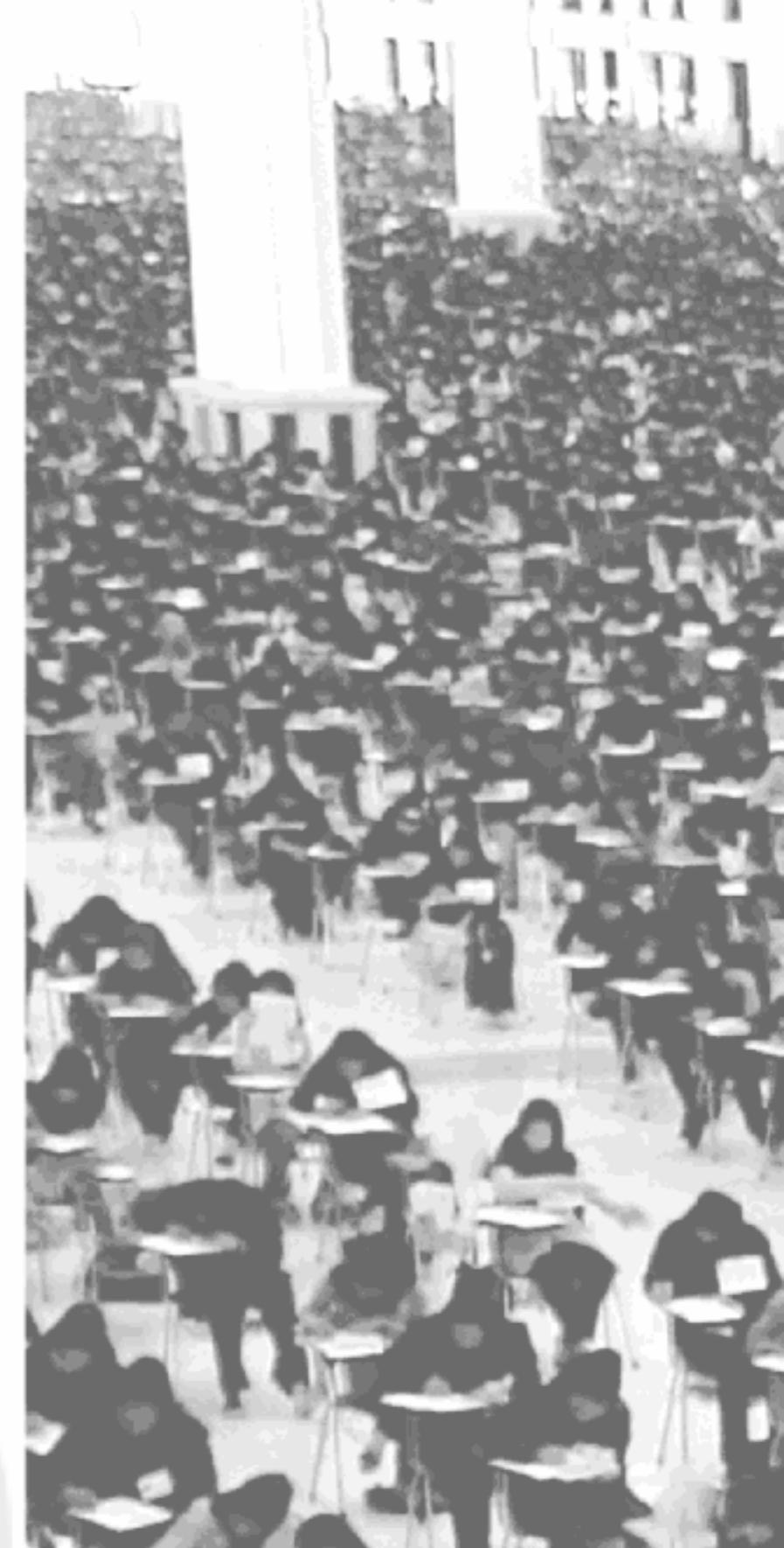
شماره داوطلبی:	نام و نام خانوادگی:
مدت پاسخگویی: ۱۲۵ دقیقه	تعداد کل سوالات: ۱۱۰

عنوانی مواد امتحانی آزمون گروه آزمایشی علوم ریاضی، تعداد سوالات و مدت پاسخگویی

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سوال	شماره سوال		مدت پاسخگویی
			از	تا	
۱	فارسی ۱	۱۰	۱	۱۰	۱۰ دقیقه
۲	عربی، زبان قرآن ۱	۱۰	۱۱	۲۰	۱۰ دقیقه
۳	دین و زندگی ۱	۱۰	۲۱	۳۰	۱۰ دقیقه
۴	زبان انگلیسی ۱	۱۰	۳۱	۴۰	۱۰ دقیقه
۵	ریاضی ۱	۲۰	۴۱	۶۰	۴۰ دقیقه
	هندسه ۱	۱۰	۶۱	۷۰	۴۰ دقیقه
۶	فیزیک ۱	۲۰	۷۱	۹۰	۲۵ دقیقه
۷	شیمی ۱	۲۰	۹۱	۱۱۰	۲۰ دقیقه

آزمون‌های سراسری گاج

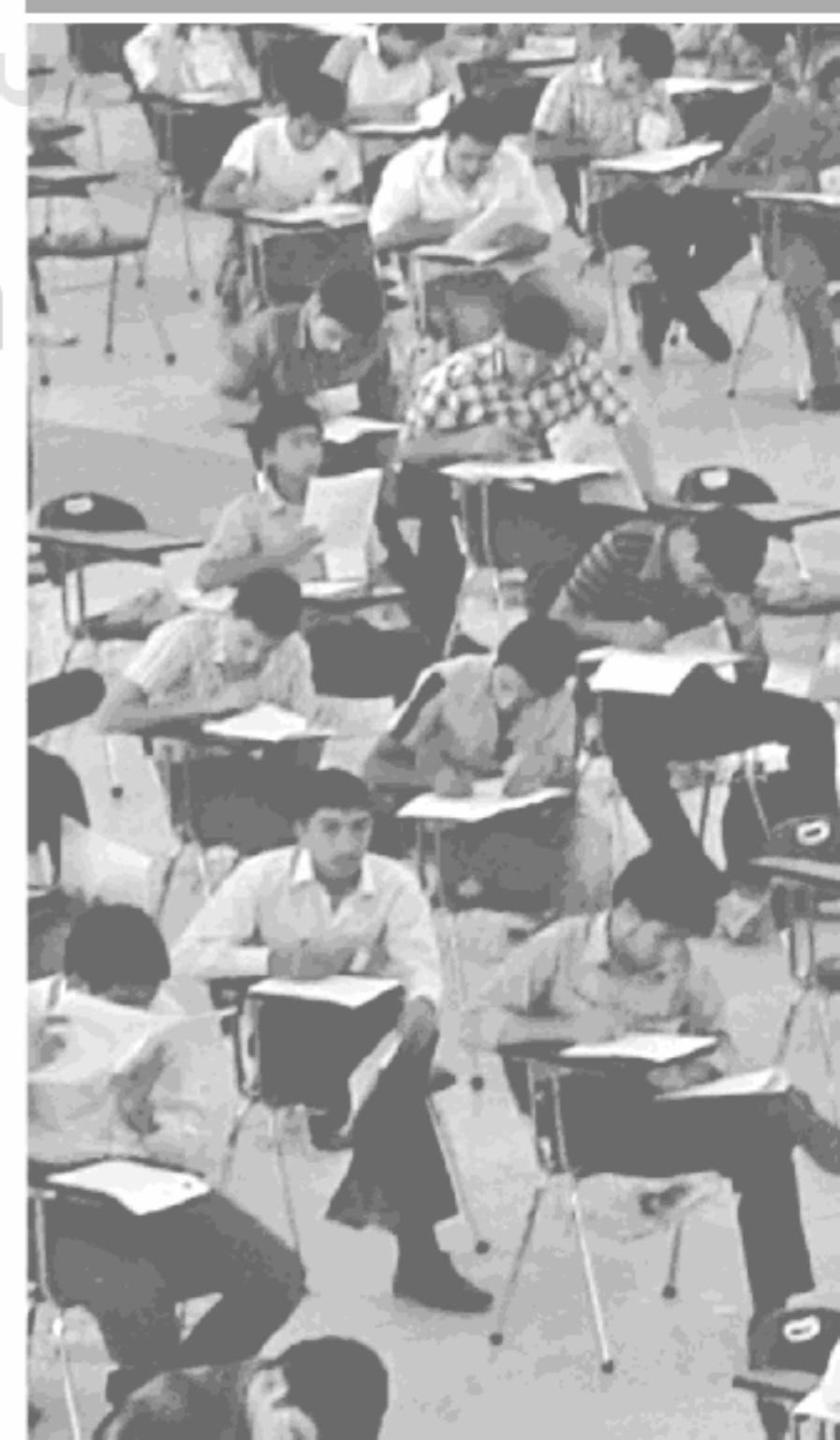
ویراستاران علمی	طراحان	دروس
اسماعیل محمدزاده سیمین گرجی - مریم نوری‌نیا	امیرنژاد شجاعی	فارسی
حسام حاج مؤمن - پرپسا فیلو شاھو مردین - سید مهدی هیرفعی	رافیعه یادگاری	زبان عربی
بهاره سلیمانی - عطیه خادمی	علی فضلی خانی	دین و زندگی
حسین طبیبی - مریم پارسانیان	امید یعقوبی فرد - حسین طبیبی	زبان انگلیسی
مینا نظری	ندا فرهنگی	ریاضی ۱
شادی تشکری - مروارید شاه‌حسینی حسین زین العابدین زاده	مازیار چراگی	هندسه ۱
ایمان زارعی - رضا نهرانچی میلاد عزیزی	مریم تمدنی	فیزیک



فروشگاه مرکزی گاج: تهران - خیابان انقلاب
نشش بازارچه کتاب

اطلاع رسانی: ۰۲۱-۶۴۲۰

نشانی اینترنتی: www.gaj.ir



Konkur.in

آماده‌سازی آزمون

مدیریت آزمون: ابوالفضل مزرعی

بازبینی و نظارت نهایی: سارا نظری

برنامه‌ریزی و هماهنگی: مریم جمشیدی عینی - مینا نظری

بازبینی دفترچه: بهاره سلیمانی - عصیه خادمی

ویراستاران فنی: سانز فلاحتی - مروارید شاه‌حسینی - مریم پارسانیان - زهرا رجبی

سوبرست واحد فنی: سعیده قاسمی

صفحه‌آرا: فرهاد عبدی

طرح شکل: فاطمه مینا سرشد

حروف‌نگاران: پگاه روزبهانی - زهرا نظری‌زد - مهناز کاظمی - ربابه انتافی - مینا عباسی - فرزانه فتاحی

امور چاپ: علی مزرعی

به نام خدا

حقوق دانشآموزان در آزمون‌های سراسری گاج

داوطلب گرامی؛ با سلام در اینجا شما را با بخشی از حقوق خود در آزمون‌های سراسری گاج آشنا می‌نماییم:

- ۱- اطلاعات شناسنامه‌ای و آموزشی شما مانند نام، نام خانوادگی، جنسیت و گروه آزمایشی بایستی به صورت صحیح در بالای پاسخ‌برگ درج شده باشد.
- ۲- آزمون‌های سراسری گاج باید راس ساعت اعلام شده در دفترچه، شروع و خاتمه یابد.
- ۳- محل برگزاری آزمون باید از لحاظ سرمایش و گرمایش، نور کافی، نظافت و سایر موارد در حد مطبوب و استاندارد باشد.
- ۴- سوالات آزمون‌های سراسری گاج بایستی نزدیک‌ترین سوالات به کنکور سراسری باشد و عاری از هرگونه اشکال علمی و تایپی باشد.
- ۵- در هنگام برگزاری آزمون باید تغذیه رایگان دریافت نمایید.
- ۶- بعد از هر آزمون و به هنگام خروج از جلسه آزمون بایستی پاسخ‌نامه‌ی تشریحی هر آزمون را دریافت نمایید.
- ۷- کارنامه‌ی هر آزمون بایستی در همان روز آزمون به روش‌های ذیل تحویل شما گردد:

* مراجعه به سایت گاج به نشانی www.gaj.ir

* مراجعه به نهایندگی.

- ۸- خدمات مشاوره‌ای رایگانی که در طی ۱ مرحله آزمون (ویژه داوطلبان آزاد) ارائه می‌گردد شامل:
 - * برگزاری جلسه مشاوره حضوری به صورت تلفنی حداقل یکبار در طی هر آزمون توسط رابط تحصیلی.
 - * تماس تلفنی حداقل ۲ بار در طی هر آزمون توسط رابط تحصیلی.
 - * تماس تلفنی با اولین حداقل یکبار در هر فاز [آزمون‌های سراسری گاج در چهار فاز تابستانه، نرم اول، نرم دوم و جامع برگزار می‌گردد].
 - * بررسی کارنامه آزمون توسط رابط تحصیلی در هر آزمون.

چنانچه در هر یک از موارد فوق کمبود و یا نقصی مشاهده نمودید لطفاً بلا فاصله با تلفن ۰۶۴۲۰—۲۱ تماس حاصل نموده و مراتب را اطلاع دهید.



در گاج، بهترین صدا،

صدای دانشآموز است.



دین و زندگی / زبان انگلیسی | ۵

۲۵ در خداد بربا شدن دادگاه عدل الهی از خدادهای مرحله دوم

قیامت اعمال پیامبران و امامان معیار و میزان سنجش اعمال قرار می‌گیرد زیرا اعمال آنان عن آن چیزی است که خدا به آن دستور داده است.

۲۶ مطابق آیات ۲۸ و ۲۹ سوره فرقان «ای کاش فلان شخص را به

عوان دوست خود انتخاب نمی‌کردیم، او ما را از یاد خدا بازداشت» آن زمان که ناله حضرت دوزخیان بلند می‌شد؛ معاشرت با دوست نایاب را عامل باردارنده از یاد خدا معرفی می‌کنند.

۲۷ مطابق آیه ۱۸ سوره قصاء، «برای کسانی که کارهای رشت انجام

دهند و هنگامی که مرگ یکی از آن‌ها فرا رسید می‌گوید: الان توبه کردم، توبه نیست ... و این‌ها کسانی هستند که عذاب دردناکی برایشان فراهم کردیم.» برای کسانی که کارهای رشت انجام دهند و هنگام مرگ توبه کنند، عذاب دردناکی در دوزخ مهیا شده است.

۲۸ مطابق آیات ۱۰ - ۱۲ سوره انفال «وَإِنْ عَلِيَّكُمْ لَحَافِظُينَ كَرَامًا

کَيْبَيْنِ يَعْلَمُونَ مَا تَفْعَلُونَ: بِيَّعْمَانِ بِرَأْيِ شَمَائِيلِيَّةِ (از فرشتنگان) گمارده شده‌اند. نویسنده‌گانی بزرگوار، که به آن‌جهه انجام می‌دهید آگاهند.» علم فرشتنگان مقرب درگاه الهی بر اعمال انسان (يَعْلَمُونَ مَا تَفْعَلُونَ) معلول مراجعت آنان از انسان در طول زندگی و ثبت و ضبط تمام اعمال (لَحَافِظُينَ كَرَامًا كَيْبَيْنِ) می‌باشد و مربوط به مرحله دوم قیامت می‌باشد که از نظر زمانی با آیه شریفه «الیوم نختم علی افواهیم» ارتباط دارد.

۲۹ دیدن نامه اعمال متبع و علت، انکار اعمال ناشایست نوسط

یوخي بدکاران (فجار) است که چنین اعمالی انجام نداده‌اند؛ و ییامد و تابع این انکار نوسط بدکاران، حضور شاهدان و گواهانی است که با وجود آن‌ها دیگر انکار کردن می‌توانیست.

۳۰ مطابق آیه شریفه «إِنَّ الَّذِينَ يَأْكُلُونَ أَمْوَالَ النِّسَافَةِ

يَأْكُلُونَ فِي بَطْوَنِهِمْ نَارًا وَ سِيَّئَاتُهُنَّ سَعِيرًا: کسانی که می‌خورند اموال یتیمان را از روی ظلم جز این نیست که آتشی در شکم خود فرو می‌برند به زودی در آتشی فروزان در آیند.» عبارت قرآنی «إِنَّمَا يَأْكُلُونَ فِي بَطْوَنِهِمْ» تجسم عمل خوردن مال بتهم از روی ظلم است که ظرف تحقق آن عالم دوزخ می‌باشد.

زبان انگلیسی

۳۱ او کفش‌هایش را در سفر گم کرده بود ولی وقتی برگشت،

مادرش یک جفت کفش جدید قهوه‌ای خوشگل نر برایش خرید.

توضیح: ترتیب صفات پیش از اسم در زبان انگلیسی به صورت زیر است:

جنس + ملیت + رنگ + سن - اندازه + کیفیت / عقیده

همانطور که می‌بینید، صفت عقیده (در اینجا حالت پرنی beautiful) باید

قبل از باقی صفات باید (رد گزینه‌های (۳) و (۴)). از طرفی صفت سن (new) نیز قبل از صفت رنگ (brown) به کار می‌رود.

دقت گنید: ساختار صفت برگزین که در گزینه (۱) به کار رفته همینه با حرف

تعريف "the" همراه است و کاربرد "a/an" پیش از آن نمی‌تواند صحیح باشد.

■■ گزینه مناسب را در پاسخ به سوالات زیر مشخص کن (۲۰ - ۲۷):

۱ لا تحزنوا ← لا تحرّزوا / لا تفرقوا ← لا تفرقوا (فعل نهی از باب «تفقل» است).

۲ إذا قال شخص كلاماً يفرق المسلمين فاعلموا أنه جاهل أو عالمٌ يحاول إيجاد التفرقة.

«یفرق» فعل مضارع مفرد مذکور از باب «تفعیل» است و «یحاول» نیز فعل مضارع مفرد مذکور از باب «مفاعله» است.

دقت گنید:

تفرق: فعل امر از باب «تفقل» است.

حوال: فعل امر از باب «تفعیل» است.

۴ «تشابه»؛ فعل امر از باب «ثفاعل» است ولی مصدر آن «تشابه» می‌باشد.

۳ «حیّز» از باب «تفعیل» و دارای یک حرف زائد است.

دین و زندگی

۲۱ قیامت اتفاق می‌افتد تا آغازی باشد بر حیات ابدی انسان،

روزی که هر مادر شیرده‌ی؛ طفل شیرخوار خود را فراموش می‌کند، مردم از هیبت آن روز همچون افراد مست به نظر می‌رسند؛ در حالی که مست نیستند ولیکن عذاب خدا سخت است.

ساخر گزینه‌ها مبین عالم بزرگ می‌باشند.

۲۲ پیشتر هشت در دارد که بهشتیان از آن درها وارد می‌شوند.

پیشتر آمده استقبال و پذیرایی از آنهاست و چون بهشتیان سر و صند، درهای

آن را به روی خود گشوده می‌بینند.

۲۳ در واقعه زنده شدن همه انسان‌ها در مرحله دوم قیامت

مردگان دوباره زنده می‌شوند و در پیشگاه خداوند حاضر می‌گردند. در این هنگام انسان‌های بدکار به دنبال راه فراری می‌گردند؛ دل‌های آنان سخت هراسان و چشم‌هایشان از ترس به زیر افکنده است.

بدکاران از مشاهده گواهی اعضای خویش به شگفت می‌آیند و خطاب به اعضای

بدن خود با لحنی سرزنش آمیز می‌گویند که چرا علیه ما شهادت می‌دهید؟ که

این موضوع از رخدادهای قیامت به حضور شاهدان و گواهان اشاره دارد.

۲۴ در مرحله اول که با پایان یافتن دنیا آغاز می‌شود، حوادث زیر اتفاق می‌افتد:

۱- شنیده شدن صدایی مهیب (فتح صور اول)

۲- مرگ همه اهل آسمان‌ها و زمین

۳- تغییر در ساختار آسمان‌ها و زمین

مطابق آیه ۲ سوره مبارکه حج: «وَتَنْهَا تَبَكُّرَانِ اَنَّهُ اَزْوَجَتْ رُوزَ قِيَامَتِ در امان اند.»



۳۶ کدام یک از موارد زیر در متن مطرح نشده است؟

- (۱) منشأهای حیات روی زمین
- (۲) زمان بندی حیات روی زمین
- (۳) شکل‌گیری اقیانوس‌ها
- (۴) چند مثال از مهربداران

۳۷ ضمیر زیرخطدار "them" در پاراگراف ۲ به چه جزئی اشاره دارد؟

- (۱) فسیل
- (۲) کمپکاریس اوبانسیس
- (۳) کرم‌های خاکی
- (۴) گیاهان مرده

۳۸ بر اساس متن، تمام موارد زیر درست هستند، به جز.....

- (۱) کرم‌ها قبل از انسان‌ها اینجا روی زمین بودند
- (۲) کرم‌های خاکی حدود همان زمان روی زمین ظاهر شدند که گیاهان روی خشکی پدیدار شدند
- (۳) ممکن نیست فسیل موجودی را بیندازد که یک ستون فقرات نداشته است
- (۴) انسان‌ها مهربدار به حساب می‌آیند ولی کرم‌های خاکی [مهربدار به حساب] نمی‌آیند

۳۹ از متن می‌توان نتیجه گرفت که.....

- (۱) کرم‌ها قبل از کمپکاریس اوبانسیس زندگی نمی‌کردند
- (۲) خزندگان از همان دسته‌بندی کرم‌ها هستند
- (۳) برخلاف کمپکاریس اوبانسیس، کرم‌ها روی زمین زندگی نمی‌کردند
- (۴) هیچ شواهد فسیلی از کرم‌های خاکی از ۴۵۰ میلیون سال پیش وجود ندارد

۴۰ واژه "ancestor" (جد، نیا) در خطوط پایانی متن به جانوری اشاره می‌کند که.....

(۱) پیش از جانور دیگری می‌زیسته است

(۲) پس از جانور دیگری می‌زیسته است

(۳) ستون فقرات ندارد

(۴) بر خشکی زندگی می‌کند و گیاهان را می‌خورد

ریاضیات

$$(ax - 1)(x - c) = 0 \Rightarrow ax^2 - acx - x + c = 0$$

$$\Rightarrow ax^2 + (-ac - 1)x + c = 0$$

$$\frac{ax^2 - mx - 5 = 0}{\begin{cases} a = 2 \\ -ac - 1 = m \\ c = -5 \end{cases}} \Rightarrow \begin{cases} a = 2 \\ -ac - 1 = m \\ c = -5 \end{cases} \Rightarrow -2 \times (-5) - 1 = m \Rightarrow m = 9$$

$$\Rightarrow 1 - 1 = m \Rightarrow m = 9$$

۴۲ چون معادله تنها یک جواب دارد، پس $\Delta = 0$ است:

$$\Delta = (-m)^2 - 4(4)(2) = 0 \Rightarrow m^2 - 42 = 0$$

$$\Rightarrow m^2 = 42 \quad \text{---} \quad m > 0 \Rightarrow m = 4\sqrt{2} \Rightarrow 4x^2 - 4\sqrt{2}x + 2 = 0$$

$$\Rightarrow 2x^2 - 2\sqrt{2}x + 1 = 0 \Rightarrow (\sqrt{2}x - 1)^2 = 0$$

$$\Rightarrow \sqrt{2}x - 1 = 0 \Rightarrow x = \frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

۴۲ او ناراحت به نظر می‌رسید، بنابراین تصمیم گرفتم یک جوک بگویم تا خوشحالش کنم، ولی گفت بازه نبود.

توضیح: بعد از افعال ربطی و حسی (مانند "seem" قبل از جای خالی اول و "wasn't" قبل از جای خالی دوم) از صفات استفاده می‌کنیم و کاربرد قید در این موارد نادرست است. طبق این توضیح در هر دو جای خالی این تست به صفت نیاز داریم که در گزینه (۴) به درستی آمده است.

۴۳ ۱ کمی متعجب هستم که می‌خواهی شعلت را تعییر دهی چون فکر می‌کنم دانشمند بودن باحال‌ترین شغل در جهان است!

- (۱) دانشمند، محقق
- (۲) مسافر، اهل سفر
- (۳) روستایی، دهاتی
- (۴) انسان، بشر

۴۴ ۱ آن دختر از حادثه جان به در برده ولی هنوز معلوم نیست آما هیچ صدمه پلندمدتی به اندام‌های بدنش وجود خواهد داشت [یا خیر].

- (۱) مغز
- (۲) حیوان، جانور
- (۳) ارگانیسم، موجود زنده
- (۴) اندام

۴۵ ۱ دکتر مارتین کوپر تلفن همراه را در [سال] ۱۹۹۳ اختراع کرد آن‌ها اکنون یکی از متداول‌ترین راه‌های ارتباطات در فرن بیست‌ویکم هستند.

- (۱) کشف کردن؛ پیدا کردن
- (۲) موفق شدن؛ جانشینی - شدن
- (۳) اختراع کردن، ابداع کردن
- (۴) نقشه ریختن، طرح ریختن

یک موجود که به تاریخی در اسکاتلند کشف شده است ممکن است قدیمی‌ترین جانور شناخته‌شده خشکی باشد. این جانور کوچک فسیل‌شده حدود ۴۲۵ میلیون ساله کمک کرد راه برای بسیاری موجودات که نهایتاً بر خشکی زندگی می‌کردند، پیموده شود. پژوهشگران بیان داشتند [که] آن‌ها بقایای این موجود را در جزیره کررا در اسکاتلند پیدا کردند. این [جانور] در نزد یک دریاچه زندگی می‌کرده و احتمالاً گیاهان مرده را می‌خورد. فسیل‌های قدیمی‌ترین گیاه شناخته‌شده دارای ساقه در همان منطقه پیدا شدند.

در حالی که این موجود، به اسم کمپکاریس اوبانسیس، ابتداً ترین جانور شناخته‌شده خشکی از روی یک فسیل است، باور بر آن است که کرم‌های خاکی پیش از آن‌ها زندگی کرده‌اند - شاید ۴۵۰ میلیون سال قبل. این اطلاعات از جانب مایکل بروکفیلد در دانشگاه تگزاس در آستین و دانشگاه ماساچوست بوستون آمده است. بروکفیلد یک نویسنده اصلی گزارش پژوهشی بود که یافته‌ها را در مجله زیست‌شناسی تاریخی توصیف کرد.

زندگی نخست در اقیانوس‌های جهان آغاز شد، با افزایشی در تنوع حدود ۵۰ میلیون سال قبل. برخی انواع گیاهان حدود ۴۵ میلیون سال قبل شروع کردند به ظاهر شدن بر روی خشکی. مهربداران خشکی - جانورانی که یک ستون فقرات یا ستون مهربه‌ها دارند - حدود ۴۷۵ میلیون سال پیش سروکله‌شان پیدا شد. این جانوران اجداد خزندگان، پرندگان و پستاندارانی بودند که امروزه زندگی می‌کنند - از جمله انسان‌ها. انسان‌ها نخستین بار حدود ۳۰۰,۰۰۰ سال قبل پدیدار شدند.



وقتی سهمی‌های $y = ax - a$ و $y = x^2$ یکدیگر را قطع کنند:

معادله $x^2 = ax - a$ جواب ندارد. بنابراین:

$$x^2 = ax - a \Rightarrow x^2 - ax + a = 0 \xrightarrow{\Delta < 0} (-a)^2 - 4a < 0$$

$$\Rightarrow a^2 - 4a < 0 \quad (*)$$

$$\frac{1}{4}ax^2 - ax + a - 2 = 0 \Rightarrow \Delta = (-a)^2 - 4\left(\frac{1}{4}a\right)(a - 2)$$

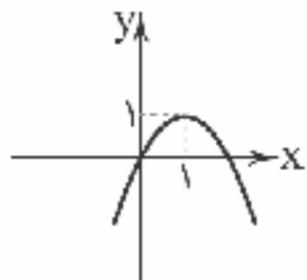
$$\Rightarrow \Delta = a^2 - 4a^2 + 4a = -a^2 + 4a$$

$$\xrightarrow{(*)} \Delta = -(a^2 - 4a) > 0$$

پس این معادله دارای دو ریشه حقیقی است.

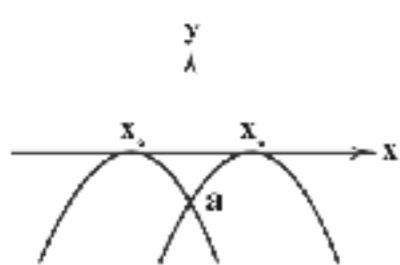
دهانه سهمی $y = -(x-1)^2 + 1$ را به پایین است و دارد:

نقطه رأس $S(1, 1)$ می‌باشد و همچنین از مبدأ مختصات می‌گذرد.



بنابراین از ناحیه دوم مختصاتی نمی‌گذرد.

شکل کلی سهمی موردنظر به یکی از دو صورت زیر است:



سهمی رو به پایین است. $\Rightarrow f(x) = a < 0$

$f(x) = a(x - x_0)^2$ رأس سهمی در نتیجه دارد: $S(x_0, 0)$

$$\Rightarrow a(x - x_0)^2 = ax^2 - x + a$$

$$\Rightarrow ax^2 - 2ax_0x + ax_0^2 = ax^2 - x + a$$

$$\Rightarrow 2ax_0 = 1$$

$$\Rightarrow ax_0^2 = a \Rightarrow x_0^2 = 1 \Rightarrow x_0 = \pm 1$$

$$\Rightarrow \begin{cases} x_0 = 1 \Rightarrow 2a = 1 \Rightarrow a = \frac{1}{2} \\ x_0 = -1 \Rightarrow -2a = 1 \Rightarrow a = -\frac{1}{2} \end{cases}$$

معادله سهمی به صورت $y = ax^2 + bx + c$ است. سهمی از

نقاط $(-1, 0)$ و $(2, 0)$ می‌گذرد، همچنین:

$$x = -2, y = x + 1 \Rightarrow y = -1$$

لذا سهمی از نقطه $(-1, -2)$ می‌گذرد، بنابراین:

$$(0, 2) \Rightarrow 2 = c$$

$$(-1, 0) \Rightarrow 0 = a(-1)^2 + b(-1) + c$$

$$\xrightarrow{c=2} a - b = -2 \quad (1)$$

۴۲ $x = 1$ یکی از جواب‌های معادله است، پس در آن صدق می‌کند:

$$x = 1 \Rightarrow (-1)^2 - m(1) + m^2 = 0 \Rightarrow -1 - m + m^2 = 0$$

$$\Rightarrow (m+1)(m-1) = 0 \Rightarrow m = -1 \text{ یا } m = 1$$

$$m = -1 \Rightarrow -2x^2 + x + 1 = 0 \Rightarrow x = \frac{-1 \pm \sqrt{1+8}}{2(-2)} = \frac{-1 \pm 3}{-4}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} x = 1 \\ x = -\frac{1}{2} \notin \mathbb{Z} \end{cases}$$

$$m = 1 \Rightarrow -2x^2 - 2x + 4 = 0 \Rightarrow x^2 + x - 2 = 0$$

$$\Rightarrow (x-1)(x+2) = 0 \Rightarrow \begin{cases} x = 1 \\ x = -2 \in \mathbb{Z} \end{cases}$$

۴۳ $x = 2$ ریشه معادله است، پس در آن صدق می‌کند:

$$(2 - \sqrt{5})x^2 - x + \sqrt{5} + 2 = 0$$

$$\Delta = (-1)^2 - 4(2 - \sqrt{5})(2 + \sqrt{5}) = 1 - 4(4 - 5) = 1 + 4 = 5$$

$$\Rightarrow \begin{cases} x_1 = \frac{1 + \sqrt{5}}{2(2 - \sqrt{5})} \\ x_2 = \frac{1 - \sqrt{5}}{2(2 - \sqrt{5})} \end{cases}$$

$$x_1 + x_2 = \frac{1 + \sqrt{5} + 1 - \sqrt{5}}{2(2 - \sqrt{5})} = \frac{2}{2(2 - \sqrt{5})} = \frac{1}{2 - \sqrt{5}} \times \frac{2 + \sqrt{5}}{2 + \sqrt{5}} = \frac{2 + \sqrt{5}}{4 - 5} = -(2 + \sqrt{5})$$

چون $x = 2$ ریشه معادله است، پس در آن صدق می‌کند:

$$x = 2 : \lambda - \lambda + 2a + 2 = 0 \Rightarrow a = -1$$

$$x^2 - 2x^2 - x + 2 = 0 \Rightarrow x^2(x-2) - (x-2) = 0$$

$$\Rightarrow (x-2)(x^2 - 1) = 0 \Rightarrow x = -1, 1, 2$$

در نتیجه مجموع ریشه‌های معادله، برابر ۲ است.

۴۶ دهانه سهمی رو به پایین است، پس ضریب x^2 منفی است.

(ردگزینه ۱ و ۲) چون رأس سهمی نقطه $(-2, -3)$ است، پس منحنی از

این نقطه می‌گذرد و معادله آن $y = -(x+2)^2 - 3$ است.

۴۷

$$(a+2)^2 = a^2 + (a+1)^2$$

$$\Rightarrow a^2 + 4a + 4 = a^2 + a^2 + 2a + 1 \Rightarrow a^2 - 4a - 3 = 0$$

$$\Rightarrow a = \frac{-(-4) \pm \sqrt{(-4)^2 - 4(1)(-3)}}{2}$$

$$\Rightarrow a = \frac{4 \pm \sqrt{4 \lambda}}{2} = \frac{4 \pm 4\sqrt{3}}{2} = 2 \pm 2\sqrt{3} \xrightarrow{a > 0} a = 2 + 2\sqrt{3}$$

$$\Rightarrow 2 + 2\sqrt{3}, 3 + 2\sqrt{3}, 5 + 2\sqrt{3}$$

$$\Rightarrow 10 + 6\sqrt{3} = 2(5 + 3\sqrt{3}) = \text{محیط مثلث}$$



عبارت درجه دوم $ax^2 + bx + c$ همواره منفی است.
مگر و باشد $a < 0$.

$$\begin{aligned} \Delta < 0 &\Rightarrow 4 + 4(1+m)(1-m) < 0 \Rightarrow 4 + (1-m^2) < 0 \\ \Rightarrow m^2 > 5 &\Rightarrow \begin{cases} m > \sqrt{5} \\ m < -\sqrt{5} \end{cases} \quad (1) \\ a < 0 &\Rightarrow 1-m < 0 \Rightarrow m > 1 \quad (2) \\ (1) \cap (2) &\Rightarrow m > \sqrt{5} \end{aligned}$$

۵۷

$$\begin{aligned} \frac{x^2+1}{x^2-1} < \frac{2}{x+1} &\Rightarrow \frac{x^2+1}{x^2-1} - \frac{2}{x+1} < 0 \Rightarrow \frac{x^2+1-2x+2}{x^2-1} < 0 \\ \Rightarrow \frac{x^2-2x+3}{x^2-1} < 0. \end{aligned}$$

دلتای عبارت درجه دوم صورت یعنی $x^2 - 2x + 3$ منفی است، پس صورت کسر همواره مثبت است و در نتیجه کافی است مخرج کسر منفی باشد:

$$x^2 - 1 < 0 \Rightarrow x^2 < 1 \Rightarrow -1 < x < 1$$

۵۸

$$\begin{aligned} ax^2 + |ax^2 - 2x - 3| = 3 + 2x &\Rightarrow |ax^2 - 2x - 3| = -(ax^2 - 2x - 3) \\ \text{پس باید عبارت داخل قدرمطلق همواره نامثبت باشد } (a^2 - 2x - 3) &\leq 0 \text{ و} \\ \text{در نتیجه باید دلتای عبارت کوچکتر یا مساوی صفر و } a &< 0 \text{ باشد:} \\ \begin{cases} a < 0 \\ (-2)^2 - 4a(-3) = 4 + 12a \leq 0 \Rightarrow 12a \leq -4 \Rightarrow a \leq -\frac{1}{3} \end{cases} \\ \xrightarrow{\text{اشتراک}} a &\leq -\frac{1}{3} \end{aligned}$$

روش اول: با توجه به خواص قدرمطلق داریم:

$$\begin{aligned} \left| \frac{x+3}{x+1} \right| < 1 &\Rightarrow -1 < \frac{x+3}{x+1} < 1 \\ \frac{x+3}{x+1} > -1 &\Rightarrow \frac{x+3}{x+1} + 1 > 0 \Rightarrow \frac{x+3+x+1}{x+1} > 0 \Rightarrow \frac{2(x+2)}{x+1} > 0 \\ \xrightarrow{\text{تعیین علامت}} x < -2 \text{ یا } x > -1 &\quad (*) \\ \frac{x+3}{x+1} < 1 &\Rightarrow \frac{x+3}{x+1} - 1 < 0 \Rightarrow \frac{x+3-x-1}{x+1} < 0 \Rightarrow \frac{2}{x+1} < 0 \\ \Rightarrow x+1 < 0 &\Rightarrow x < -1 \quad (**). \\ \xrightarrow{\text{اشتراک } (*) \text{ و } (**)} x &< -2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \left| \frac{x+3}{x+1} \right| < 1 &\Rightarrow \frac{|x+3|}{|x+1|} < 1 \xrightarrow{x \neq -1} |x+3| < |x+1| \quad \text{روش دوم:} \\ \xrightarrow{\text{به توان ۲ می‌رسانیم}} (x+3)^2 &< (x+1)^2 \\ \Rightarrow x^2 + 6x + 9 &< x^2 + 2x + 1 \Rightarrow 4x < -8 \Rightarrow x < -2 \end{aligned}$$

$(-2, -1) \Rightarrow -1 = a(-2)^2 + b(-2) + c$ روی سهمی قرار دارد.
 $\Rightarrow 4a - 2b = -4 \quad (2)$

$$(1), (2) \Rightarrow \begin{cases} a - b = -1 \\ 4a - 2b = -4 \end{cases} \Rightarrow a = 1, b = 4 \Rightarrow y = x^2 + 4x + 3$$

با توجه به گزینه‌ها، سهمی از نقطه $(-2, 15)$ می‌گذرد.

معادله سهمی به صورت $y = ax^2 + bx + c$ است. طبق نمودار داریم:

$$(-1, -1) \Rightarrow -1 = a(-1)^2 + b(-1) + c \Rightarrow c = -1$$

$$(-1, 1) \Rightarrow 1 = a - b - 1 \Rightarrow a - b = 1$$

$$(2, 15) \Rightarrow 15 = 9a + 3b - 1 \Rightarrow 9a + 3b = 16$$

$$\begin{cases} a - b = 1 \\ 9a + 3b = 16 \end{cases} \Rightarrow a = \frac{1}{3}, b = -\frac{2}{3} \Rightarrow y = \frac{1}{3}x^2 - \frac{2}{3}x - 1$$

رأس سهمی پایین‌ترین نقطه نمودار است. بنابراین عرض آن کمترین مقدار را دارد:

$$x = -\frac{b}{2a} = 1 \Rightarrow y = \frac{1}{3}(1) - \frac{2}{3}(1) - 1 = -\frac{4}{3}$$

برای آنکه دامنه عبارت گویا برابر \mathbb{R} شود، باید مخرج کسر

ریشهٔ حقیقی نداشته باشد. پس نباید معادله درجه دوم ریشهٔ حقیقی داشته باشد، در نتیجه:

$$\Delta = b^2 - 4ac < 0 \Rightarrow \Delta = m^2 - 4m < 0 \Rightarrow 0 < m < 4$$

باید مجموع هر دو ضلع مثلث از ضلع سوم بزرگ‌تر باشد، پس نامعادله بادصورت‌های زیر می‌توانیم بنویسیم:

$$3 + (2x-1) > 2x+2 \Rightarrow 3x+2 > 2x+2$$

$$\Rightarrow 3x - 2x > 2-2 \Rightarrow x > 0 \quad (1)$$

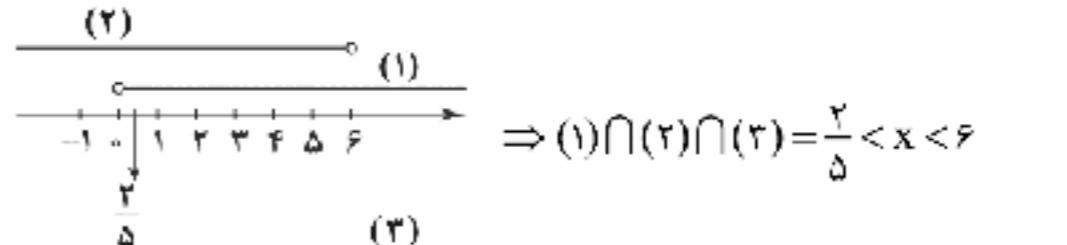
$$3 + (2x+2) > 2x-1 \Rightarrow 2x+5 > 2x-1$$

$$\Rightarrow 5+1 > 2x-2x \Rightarrow x < 6 \quad (2)$$

$$(2x+2) - (2x-1) > 3 \Rightarrow 5x+1 > 3$$

$$\Rightarrow 5x > 2-1 \Rightarrow 5x > 1 \Rightarrow x > \frac{1}{5} \quad (3)$$

باید هر سه نامعادله هم‌زمان برقرار باشد، بنابراین داریم:



توجه کنید که در این فاصله، طول اضلاع مثلث نیز مثبت هستند.

۵۵ ۲ دقت کنید همواره $m^2 + 1 > 0$ ، همچنین عبارت $m^2 + m + 1$ نیز همواره مثبت است، زیرا: $m^2 + m + 1 = (m + \frac{1}{2})^2 + \frac{3}{4} > 0$.

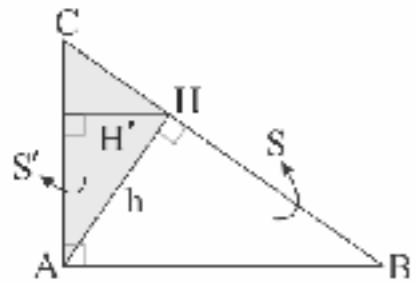
بنابراین علامت عبارت با علامت $m^2 + m + 1$ برابر است. $m^2 + m + 1 < 3$ منفی است، پس عبارت به ازای $m^2 + m + 1 < 3$ منفی است.

ریاضیات | ۹

به طور مشابه E روی HH' و N روی HH'' قرار دارد. یعنی M و

پای میانه‌های مثلث متساوی‌الاضلاع $HH'H$ اند، پس $\triangle MNE \sim \triangle H'IIH$ نیز با نسبت $\frac{1}{2}$ مشابه‌اند.

در نتیجه دو مثلث ABC و MNE با نسبت $k = \frac{1}{4}$ با هم مشابه‌اند. بنابراین نسبت مساحت‌ها برابر $k^2 = \frac{1}{16}$ است.



$$\frac{S_{\triangle AHB}}{S_{\triangle AHC}} = \frac{S'}{S} = \frac{1}{25}$$

$$\left(\frac{h'}{h}\right)^2 = \frac{S'}{S+S'} \Rightarrow \left(\frac{h'}{h}\right)^2 = \frac{S'}{\sqrt{25}S'+S'}$$

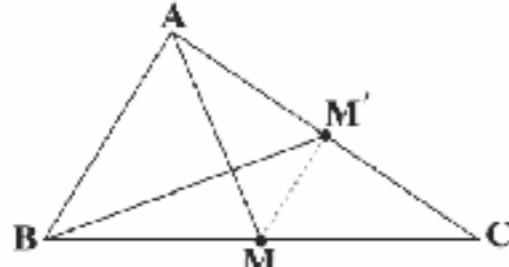
$$\Rightarrow \left(\frac{h'}{h}\right)^2 = \frac{S'}{\sqrt{25}S'} = \frac{1}{(1/5)^2} = \left(\frac{1}{1/5}\right)^2 \Rightarrow \frac{h'}{h} = \frac{1}{1/5} = \frac{10}{15} = \frac{2}{3}$$

۴ ۶۴

۴ ۶۵

$$\begin{cases} AC \text{ میانه} \Rightarrow \frac{CM'}{CA} = \frac{1}{2} & \text{عكس تالس} \\ BC \text{ میانه} \Rightarrow \frac{CM}{CB} = \frac{1}{2} \end{cases} \Rightarrow MM' \parallel AB$$

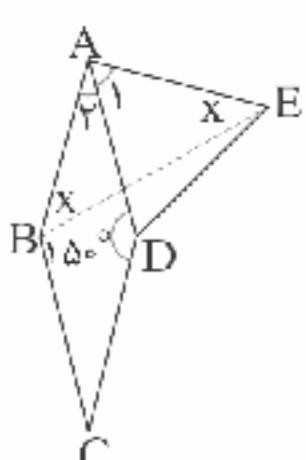
$$\Rightarrow \frac{MM'}{AB} = \frac{CM'}{CA} = \frac{CM}{CB} = \frac{1}{2} \Rightarrow \triangle CMM' \sim \triangle CAB$$



بنابراین نسبت مساحت‌ها برابر با مجدد نسبت اضلاع است، یعنی:

$$\frac{S_{\triangle CMM'}}{S_{\triangle CAB}} = \left(\frac{1}{2}\right)^2 = \frac{1}{4}$$

گزینه (۲) لزوماً متوازی‌الاضلاع نیست؛ زیرا در ذوزنقه متساوی‌الاقطین نیز دو ضلع موازی و دو ضلع مساوی است. اما هر سه گزینه دیگر معادله‌ای برای تعریف متوازی‌الاضلاع‌اند.



$$\hat{A}_1 = 60^\circ \quad \triangle ADE \text{ متساوی‌الاضلاع است، پس:}$$

از طرفی در اوزی $ABCD$ داریم:

$$\hat{A}_1 + \hat{D} = 180^\circ \Rightarrow \hat{A}_1 = 180^\circ - 120^\circ = 60^\circ$$

$$\Rightarrow \triangle ABE: \hat{A} = \hat{A}_1 + \hat{A}_2 = 60^\circ \xrightarrow{AB=AE} 2x = 120^\circ - 60^\circ$$

$$\Rightarrow x = \frac{60^\circ}{2} = 30^\circ$$

۴ ۶۷

پاسخ دهم ریاضی



۶۰

$$C \geq 0/04 \Rightarrow \frac{12t}{t+2} \geq 0/04 \xrightarrow{t \neq -2} \frac{12t}{t+2} \geq 4 \Rightarrow 4t^2 - 12t + 8 \leq 0$$

$$\xrightarrow{4t^2 - 4t + 4 \leq 0} (t-1)(t-2) \leq 0$$

$$\xrightarrow{\substack{\text{تعیین علامت} \\ \text{عبارت}}} \begin{array}{c|c|c|c} t & 1 & 2 \\ \hline + & - & + \end{array} \Rightarrow 1 \leq t \leq 2$$

با به قضیه فیثاغورس داریم:

۶۱

$$\begin{cases} AM^2 = a^2 + b^2 \\ MD^2 = a^2 + c^2 \end{cases} \Rightarrow AD^2 = AM^2 + MD^2 = 2a^2 + b^2 + c^2$$

$$\Rightarrow AD = \sqrt{2a^2 + b^2 + c^2} \Rightarrow (f)$$

$$AC^2 = DC^2 + AD^2 = a^2 + 2a^2 + b^2 + c^2 = 3a^2 + b^2 + c^2$$

$$\Rightarrow AC = \sqrt{3a^2 + b^2 + c^2} \Rightarrow (2)$$

$$\begin{cases} \hat{B} = \hat{C} = 90^\circ \\ MDC = \hat{AMB} = 90^\circ - DMC \end{cases} \xrightarrow{\text{زیر}} \triangle ABM \sim \triangle CDM$$

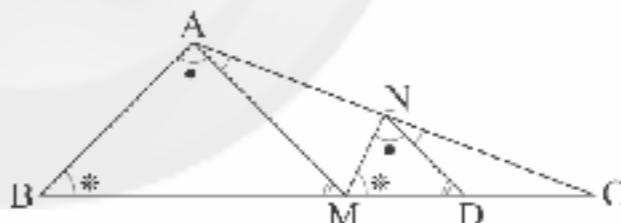
$$\Rightarrow \frac{AB}{MC} = \frac{BM}{CD} \Rightarrow \frac{a}{c} = \frac{b}{a} \Rightarrow a^2 = bc$$

با توجه به میانه‌های رسم شده داریم:

۶۲

 $AM \parallel ND$, $MN \parallel AB$

با توجه به قضیه خطوط موازی و مورب، زوایای شکل به صورت زیر با هم برابرند در نتیجه:



در نتیجه:

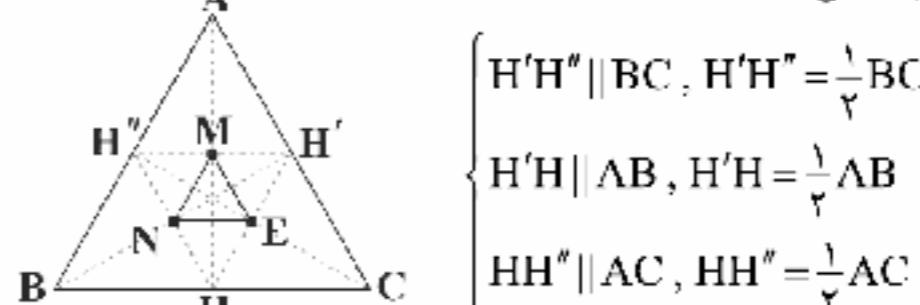
$$\triangle MND \sim \triangle ABM \Rightarrow \frac{S_{\triangle MND}}{S_{\triangle ABM}} = \frac{(MD)^2}{(BM)^2} = \frac{\frac{1}{2}MC}{\frac{1}{2}AB} = \frac{MC}{AB}$$

$$\Rightarrow \frac{S_{\triangle MND}}{S_{\triangle ABM}} = \frac{1}{4} \frac{S_{\triangle ABC}}{S_{\triangle ABC}} = \frac{1}{4}$$

گزینه (۳) اگر $\triangle II''II'$ بای میانه‌های مثلث ABC باشند، بنا به

۶۳

عكس قضیه تالس:



بنابراین $H''H'' \parallel BC$, $H''H'' = \frac{1}{2}BC$ و $H'H' \parallel AB$, $H'H' = \frac{1}{2}AB$ و $HH'' \parallel AC$, $HH'' = \frac{1}{2}AC$.

$$\begin{cases} H''H'' \parallel BC, H''H'' = \frac{1}{2}BC \\ H'H' \parallel AB, H'H' = \frac{1}{2}AB \\ HH'' \parallel AC, HH'' = \frac{1}{2}AC \end{cases}$$

بنابراین $\triangle H''H'H'$ با نسبت $\frac{1}{2}$ با هم مشابه‌اند.

از طرفی داریم:

$$\frac{AM}{MH} = \frac{AH'}{H'C} = 1 \xrightarrow{\text{عكس تالس}} MII' \parallel HIC$$

$$\Rightarrow MH' \parallel BC \xrightarrow{H'H'' \parallel BC} H''H' \parallel M$$



۴ ۷۲ تندی اولیه بسته با تندی حرکت بالگرد (v) برابر است
بنابراین طبق قضیه کار و انرژی جنبشی داریم:

$$W_t = K_r - K_i \Rightarrow W_{mg} + W_f = K_r - K_i$$

$$\Rightarrow +mgh - \Delta E_k = \frac{1}{2} \times 100 \times 2^2 - \frac{1}{2} \times 100 \times v^2$$

$$\Rightarrow 100 \times 10 \times 2^2 - \Delta E_k = \frac{1}{2} \times 100 \times 4^2 - \frac{1}{2} \times 100 \times v^2$$

$$\Rightarrow -30000 = 20000 - \frac{1}{2} \times 100 \times v^2$$

$$\Rightarrow 50000 = 20000 \Rightarrow v^2 = \frac{20000}{50} = 400$$

$$\Rightarrow v = \lambda \cdot \frac{m}{s} \times 3/6 = 28.8 \frac{\text{km}}{\text{h}}$$

۴ ۷۳ قضیه کار و انرژی جنبشی را برای هر یک از دو جسم A و B می‌نویسیم:

$$W_t(A) = K_r(A) - K_i(A) \Rightarrow F_A d \cos 27^\circ = K_r(A)$$

$$\Rightarrow F_A \times d \times \cos 27^\circ = K_r(A) = 2F_B d \times \cos 27^\circ = 1/\sqrt{2} F_B d$$

$$W_t(B) = K_r(B) - K_i(B) \Rightarrow F_B d \times \cos 53^\circ = K_r(B)$$

$$\Rightarrow F_B d \times \cos 53^\circ = K_r(B) = 1/\sqrt{2} F_B d$$

$$\frac{K_r(A)}{K_r(B)} = \frac{1/\sqrt{2} F_B d}{1/\sqrt{2} F_B d} = \frac{1/\sqrt{2}}{1/\sqrt{2}} = \frac{16}{6} = \frac{8}{3}$$

بنابراین:

طبق رابطه انرژی جنبشی داریم:

$$\frac{K_r(A)}{K_r(B)} = \frac{m_A}{m_B} \times \left(\frac{v_A}{v_B} \right)^2 \Rightarrow \frac{8}{3} = 2 \times \left(\frac{v_A}{v_B} \right)^2$$

$$\Rightarrow \frac{v_A}{v_B} = \sqrt{\frac{8}{3}} = \sqrt{\frac{4}{2}} = \frac{2}{\sqrt{3}} \times \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{3}} = \frac{2\sqrt{2}}{3}$$

$$W_t = K_r - K_i \Rightarrow W_F + W_{mg} = K_r$$

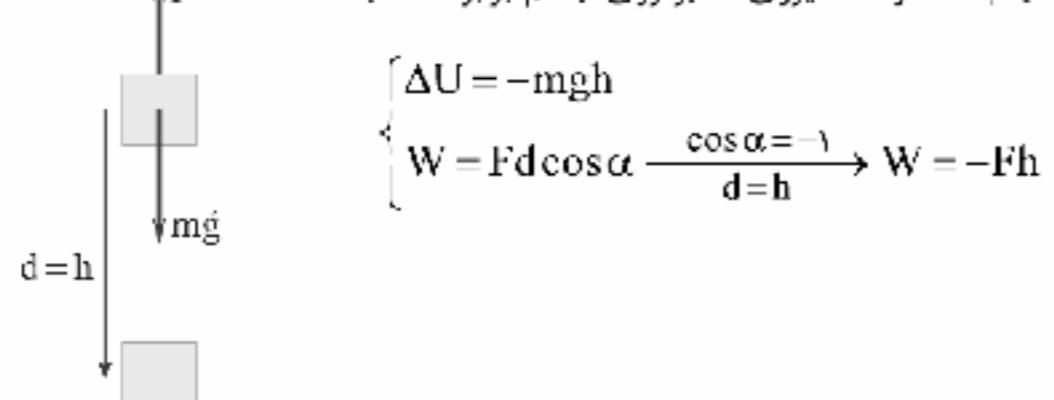
۴ ۷۴

$$\Rightarrow F d \cos 30^\circ = \frac{1}{2} m v^2 \Rightarrow 30 \times 1/3 \times 1 = \frac{1}{2} \times \frac{2}{10} \times v^2$$

$$\Rightarrow v^2 = 45 \times 2 \times 5 = 450 \Rightarrow v = \sqrt{450} = 15\sqrt{2} \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

۴ ۷۵ مطابق شکل زیر، تغییرات انرژی پتانسیل گرانشی جسم و کار

نتجمانشده توسط نیروی \bar{F} بر روی جسم برابر است با:

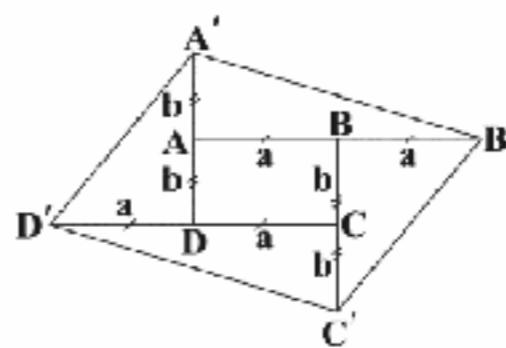


چون تندی جسم رو به پایین می‌تواند ثابت و یا در حال افزایش یا کاهش باشد، اندازه نیروی \bar{F} سه حالت می‌تواند داشته باشد، بنابراین:

$$\{ F = mg \Rightarrow \Delta U = W$$

$$\{ F > mg \Rightarrow \Delta U < W$$

$$\{ F < mg \Rightarrow \Delta U > W$$



با توجه به همنشتی مثلثهای $D'C'C$ و $A'B'A$ و همچنین مثلثهای $A'D'D$ و $C'B'B$ نتیجه می‌شود، شکل حاصل متوازی الاضلاعی به ابعاد $\sqrt{4b^2 + a^2}$ و $\sqrt{4a^2 + b^2}$ است:

$$\triangle CC'D', \triangle AA'B': A'B' = C'D' = \sqrt{(4a)^2 + b^2}$$

$$\triangle DD'A', \triangle BB'C': A'D' = B'C' = \sqrt{(4b)^2 + a^2}$$

از طرفی داریم:

$$a = \sqrt{2}b \Rightarrow \begin{cases} A'B' = \sqrt{4 \times 2b^2 + b^2} = \sqrt{9b^2} = 3b \\ A'D' = \sqrt{4b^2 + 2b^2} = \sqrt{6b^2} = \sqrt{6}b \end{cases}$$

$$\text{محیط} = 2(A'B' + A'D') = 2(2 + \sqrt{6})b = (6 + 2\sqrt{6})b$$

$$= (6 + 2\sqrt{6}) \times \frac{\sqrt{2}}{2} a = (2\sqrt{2} + 2\sqrt{2})a$$

۴ ۷۶ هر n ضلعی که دارای شرایط (۱)، (۲) یا (۳) باشد، لزوماً

محدب است. اما مثال نقض گزینه (۴) را بینید.

$$\begin{aligned} \hat{A} + \hat{B} + \hat{C} + \hat{D} &= \hat{A}_1 + \hat{B} + \hat{C}_1 + \hat{C}_2 + \hat{D} + \hat{A}_2 \\ &= (\hat{A}_1 + \hat{B} + \hat{C}_1) + (\hat{A}_2 + \hat{C}_2 + \hat{D}) = 2 \times 180^\circ \end{aligned}$$

اما چهارضلعی ABCD محدب نیست.

۴ ۷۷ مستطیل متوازی الاضلاعی است که قصرهای برابر دارد



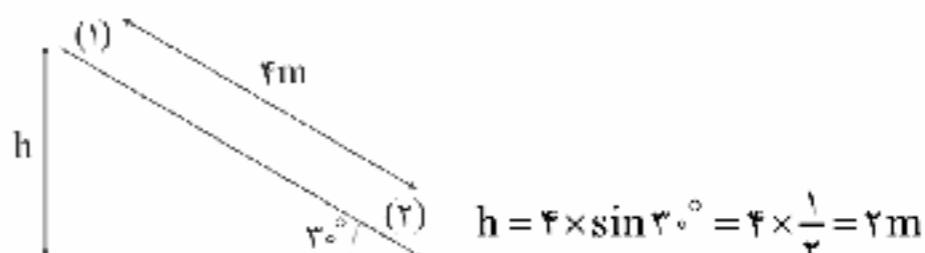
نادرستی گزینه‌های (۲) و (۴) می‌باشد.

مثال نقض گزینه (۳)، کایت است.

اما گزینه (۱) تعریف یک لوزی می‌باشد.

فیزیک

۴ ۷۸



طبق قضیه کار و انرژی جنبشی داریم:

$$W_t = K_r - K_i \Rightarrow W_{mg} + W_{f_k} = K_r - K_i$$

$$\Rightarrow +mgh + W_{f_k} = \frac{1}{2} \times 2 \times 4^2 - \frac{1}{2} \times 2 \times 2^2$$

$$\Rightarrow 2 \times 10 \times 2 + W_{f_k} = 16 - 4 \Rightarrow 40 + W_{f_k} = 12$$

$$\Rightarrow W_{f_k} = 12 - 40 = -28 \text{ J}$$

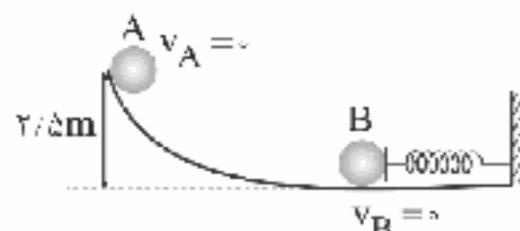


۴ به دلیل شرایط خلا، انرژی مکانیکی گلوله پایسته است، بنابراین انرژی مکانیکی گلوله در تمام نقاط مسیر، ثابت است.

$$\begin{aligned} (۱) \bullet v_1 &= ۰ & E_1 &= E_2 \\ (۲) \bullet K_2 &= ۲۰۰\text{J} & \Rightarrow K_1 + \cancel{K_2} &= K_2 + U_2 \\ (۳) \bullet U_2 &= ۱۲۴\text{J} & \Rightarrow \frac{1}{2} \times ۸ \times v_1^2 &= ۲۰۰ + ۱۲۴ \\ (۱) \bullet v_1 & & \Rightarrow v_1^2 &= \frac{۳۲۴}{۴} = ۸۱ \Rightarrow v_1 = \frac{۹\text{m}}{\text{s}} \end{aligned}$$

۳ در صورتی که مقاومت هوای وجود نداشته باشد، تمام انرژی پتانسیل جسم به انرژی جنبشی آن تبدیل می‌شود و انرژی جنبشی به میزان $۵ \times ۷\text{J}$ افزایش می‌یابد، ولی چون در صورت سؤال قید نشده که از مقاومت هوای صرف نظر شود، پس با در نظر گرفتن مقاومت هوای، انرژی جنبشی کمتر از $۵ \times ۷\text{J}$ افزایش می‌یابد.

۴ وقتی گلوله پس از برخورد با فنر در نقطه B متوقف می‌شود، فنر به حداقل فشردنی خود رسیده و بیشترین انرژی پتانسیل کشسانی در آن ذخیره می‌شود. چون بین گلوله و سطح اصطکاک وجود دارد، بنابراین طبق قضیه کار و انرژی درونی داریم:



$$\begin{aligned} W_f &= E_B - E_A \\ &\quad \text{انرژی پتانسیل کشسانی} \\ \Rightarrow W_f &= (K_B + U_B + U_e) - (K_A + U_A) \\ \Rightarrow W_f &= U_e - U_A = ۲ - mgh_A \\ \Rightarrow W_f &= ۲ - \frac{۱}{۲} \times ۱ \times ۲ = -۱\text{J} \end{aligned}$$

۴ هر چهار عبارت نادرست هستند.

بررسی عبارت‌ها:

الف) کار مفیدی که یک ماشین انجام می‌دهد علاوه بر توان به بازده آن ماشین نیز بستگی دارد.

ب) طبق رابطه $P_{av} = \frac{W}{\Delta t}$ ، هر چه Δt افزایش می‌یابد، P_{av} کاهش می‌یابد.
ج) این عبارت الزاماً صحیح نیست.
د) این عبارت الزاماً صحیح نیست.

۱ با توجه به رابطه $P_{av} = \frac{W}{\Delta t}$ یکای توان، زول بر ثانیه است

که زول جزو یکاهای اصلی نیست و برای تبدیل زول بر حسب یکاهای اصلی می‌توانیم بنویسیم:

$$\begin{aligned} U &= mgh \Rightarrow J = \text{kg} \times \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \times \text{m} \Rightarrow J = \frac{\text{kg} \cdot \text{m}^2}{\text{s}^2} \\ \Rightarrow W &= \frac{J}{\Delta t} = \frac{\frac{\text{kg} \cdot \text{m}^2}{\text{s}^2}}{\text{s}} = \frac{\text{kg} \cdot \text{m}^2}{\text{s}^3} \end{aligned}$$

۱ چون مقاومت هوای نداریم، انرژی مکانیکی ثابت است و با افزایش ارتفاع، اندازه جابه‌جایی نسبت به نقطه شروع افزایش و انرژی پتانسیل گرانشی افزایش می‌یابد. طبق رابطه $E = mgh = U$ نمودار ابرزی پتانسیل گرانشی بر حسب ارتفاع (جابه‌جایی) از سطح زمین، خطی است و چون انرژی مکانیکی ثابت است، انرژی جنبشی جسم نیز به صورت خطی کاهش می‌یابد.

۳ سرعت اولیه دو گلوله با هم برابر است و از مقاومت هوای صرف نظر شده، در نتیجه ارتفاع اوج گلوله‌ها و سرعت آن‌ها در هر ارتفاعی در طول مسیر حرکتشان با هم برابر است. بنابراین چون جرم گلوله سربی بیشتر از جرم گلوله چوبی است، انرژی جنبشی گلوله سربی در ارتفاع موردنظر بیشتر است.

۴ انرژی پتانسیل کشسانی، مستقل از جرم گلوله بوده و به فشردنی فنر بستگی دارد، به طوری که هر چه فنر بیشتر فشرده شود، بدین معنی است که انرژی بیشتری از گلوله دریافت نموده است.

۳ حرکت وزنه m روی تغییرات انرژی پتانسیل گرانشی مجموعه بی‌تأثیر است و تنها حرکت وزنه m به سمت پایین، انرژی پتانسیل گرانشی مجموعه را کاهش می‌دهد.

$$\begin{aligned} E_1 &= E_2 \Rightarrow K_1 + U_1 = K_2 + U_2 \Rightarrow U_1 - U_2 = K_2 - K_1 \\ \Rightarrow -\Delta U &= \Delta K \Rightarrow -(-mgh) = ۴\text{J} \\ \Rightarrow ۴ \times ۱ \times h &= ۴\text{J} \Rightarrow h = ۱\text{m} \end{aligned}$$

۲ در شرایط خلا، مقاومت هوای نداریم، بنابراین طبق قانون پایستگی انرژی مکانیکی داریم:

$$\begin{aligned} (۱) \bullet v_1 & \downarrow & E_1 &= E_2 \\ h_1 &= ۱\text{m} & (۲) \bullet v_2 &= \frac{۱۵\text{m}}{\text{s}} \Rightarrow K_1 + U_1 = K_2 + U_2 \\ h_2 &= \frac{۱}{۲}\text{m} & \downarrow & \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \Rightarrow \frac{1}{2}mv_1^2 + mgh_1 &= \frac{1}{2}mv_2^2 + mgh_2 \\ \Rightarrow \frac{1}{2}v_1^2 + ۱۲\text{J} &= \frac{1}{2} \times ۲۲۵ + ۲\text{J} \rightarrow \frac{1}{2}v_1^2 = ۱۱۲/۵ - ۱۰\text{J} = ۱۲/۵ \end{aligned}$$

$$\Rightarrow v_1^2 = ۲۵ \Rightarrow v_1 = \frac{۵\text{m}}{\text{s}}$$

حل سریع تر: گلوله برای رسیدن به ارتفاع $۲/۸$ متری، ارتفاع $(h = ۱\text{m})$ متر را پیموده است، بنابراین از رابطه سرعت گلوله پس از h متر سقوط به صورت زیر استفاده می‌کنیم:

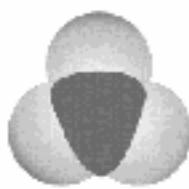
$$\Rightarrow v_1^2 = ۲۲۵ - ۲۰\text{J} = ۲۵ \Rightarrow v_1 = \frac{۵\text{m}}{\text{s}}$$

۱ چون مقاومت هوای نداریم، بنابراین انرژی مکانیکی گلوله ثابت است، بنابراین:

$$\begin{aligned} (۱) \bullet v_2 &= ۰ & E_1 &= E_2 \Rightarrow K_1 + U_1 = K_2 + U_2 \\ (۲) \bullet K_1 &= ۱۰۰\text{J} & \Rightarrow mgh = ۱۰\text{J} + mg \times \frac{1}{5}h \\ (۳) \bullet K_2 &= ۱۰\text{J} & \Rightarrow ۴ \times ۱ \times h = ۱۰\text{J} + ۴ \times ۱ \times \frac{1}{5}h \\ (۱) \bullet v_1 & \uparrow & \Rightarrow ۴ \times h = ۱۰\text{J} + ۸h \Rightarrow ۳۲h = ۱۰\text{J} \Rightarrow h = \frac{۱۰\text{J}}{۳۲} = \frac{۲۵}{۸}\text{m} \end{aligned}$$



۴ ۹۲ مولکول X همان SO_3 است که مدل فضا پر کن آن به صورت زیر است:



۲ ۹۳ بررسی سایر گزینه‌ها:

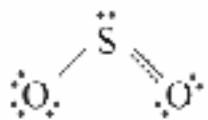
(۱) آهن نمونه‌ای از فلزهایی است که با بیش از یک نوع اکسید در طبیعت شناخته شده‌اند.

(۳) تنها در صورتی می‌توان ادعا کرد یک واکنش موازن شده است که مجموع شمار اتم‌های هر عنصر در دو سمت معادله با هم برابر باشد.

(۴) معادله نهادی سوختن کربن به صورت $\text{C}(\text{s}) + \text{O}_2(\text{g}) \rightarrow \text{CO}_2(\text{g})$ است.

۳ ۹۴ در ترکیب مس (II) سولفید (CuS) نسبت شمار کاتیون‌ها به شمار آنیون‌ها برابر با ۱ است.

* در ساختار لیویس مونکول گوگرد دی‌اکسید (SO_4)، نسبت شمار پیوندهای یگانه به شمار پیوندهای دوگانه برابر با ۱ است:



۲ ۹۵ متخصصان کشورمان تاکنون موفق به جداسازی و تهیه گاز هلیم نشده‌اند و همچنان، هلیم از دیگر کشورها وارد می‌شود.

۲ ۹۶

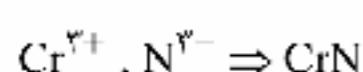
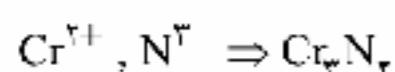
کربن دی‌سولفید: CS_2

نیتروژن تری فلورید: NF_3

سیلیسیم ترا برمید: SiBr_4

۱ ۹۷ اتم عنصر کروم در ترکیب‌های خود اغلب به شکل

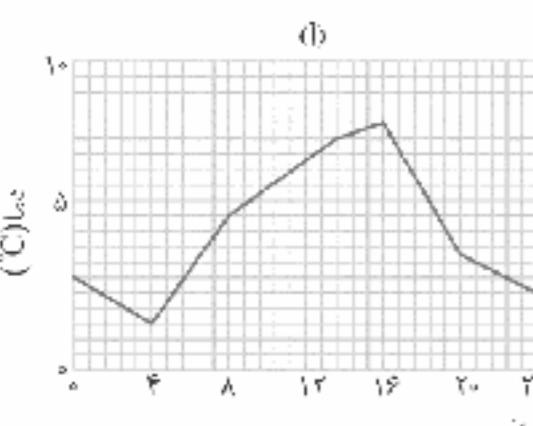
کاتیون Cr^{3+} یا Cr^{2+} یافت می‌شود. به این ترتیب فقط فرمول Cr_2N_3 نادرست است.



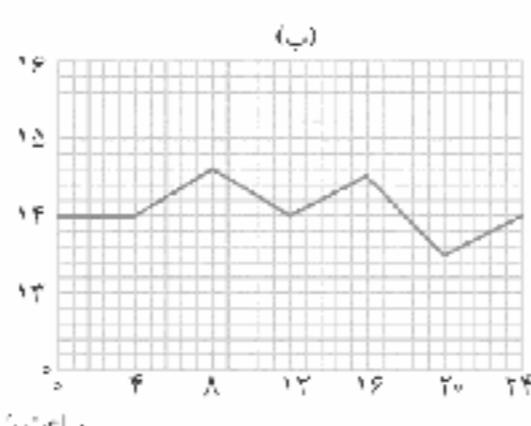
۲ ۹۸ منحنی‌های (آ) و (ب) به ترتیب دمای بیرون و درون یک

گلخانه را در یک روز زمستانی نشان می‌دهند.

(آ)



(ب)



۳ ۸۷ ابتدا سرعت‌ها را برحسب متر بر ثانیه می‌نویسیم:

$$v_1 = ۳۶ \frac{\text{km}}{\text{h}} \div ۳/۶ = ۱۰ \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$v_2 = ۷۲ \frac{\text{km}}{\text{h}} \div ۳/۶ = ۲۰ \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

طبق قضیه کار و انرژی جنبشی داریم: $(W_t = K_2 - K_1 = \frac{1}{2} m(v_2^2 - v_1^2))$

$$\Rightarrow W_t = \frac{1}{2} \times ۱۶۰ \times (۴۰۰ - ۱۰۰) = ۲۴۰۰۰ \text{ J}$$

$$P_{\text{av}} = \frac{W_t}{\Delta t} = \frac{۲۴۰۰۰}{۴} = ۶۰۰۰ \text{ W} \div ۷۵ = ۸۰ \text{ hp}$$

طبق قضیه کار و انرژی جنبشی داریم:

$$W_{\text{بیم}} + W_{\text{mg}} = K_2 - K_1$$

$$\cancel{K_2 = K_1} \rightarrow W_{\text{بیم}} - mgh = \cancel{K_2 - K_1} \Rightarrow W_{\text{بیم}} = ۶۴۰ \times ۱۰ \times ۳۰$$

$$\Rightarrow W_{\text{بیم}} = ۱۹۲۰۰ \text{ J}$$

$$P_{\text{av}} = \frac{W}{\Delta t} = \frac{۱۹۲۰۰}{۱۶} = ۱۲۰۰ \text{ W} = ۱۲ \text{ kW}$$

طبق قضیه کار و انرژی جنبشی داریم:

$$W_{\text{اسانسور}} + W_{\text{mg}} = K_2 - K_1 \xrightarrow{\text{اسانسور}} W_{\text{اسانسور}} = -W_{\text{mg}}$$

$$\Rightarrow W_{\text{اسانسور}} = -mgh = ۴۰۰ \times ۱۰ \times ۳۰ = ۱۲۰۰۰ \text{ J}$$

$$P_{\text{کل}} = \frac{P_{\text{بازد}}}{\frac{P_{\text{بازد}}}{P_{\text{کل}}} \times ۱۰۰} \Rightarrow P_{\text{کل}} = \frac{R_a}{100} \times P_{\text{بازد}}$$

$$\Rightarrow P_{\text{کل}} \times \frac{R_a}{100} = \frac{W_t}{\Delta t} \Rightarrow ۴۰۰ \times \frac{۶۰}{100} = \frac{۱۲۰۰۰}{\Delta t}$$

$$\Rightarrow \Delta t = \frac{۱۲۰۰۰}{۲۴۰} = ۵۰ \text{ s}$$

با نادیده گرفتن نیروهای مقاوم در برابر حرکت اتومبیل خواهیم داشت:

$$P_{\text{av}} = \frac{W_t}{\Delta t} = \frac{K_2 - K_1}{\Delta t} = \frac{\frac{1}{2} m(v_2^2 - v_1^2)}{\Delta t}$$

با فرض ثابت بودن توان اتومبیل می‌توان نوشت:

$$\frac{\frac{1}{2} m(۳۰^2 - ۲۰^2)}{۱۰} = \frac{\frac{1}{2} m(۷۰^2 - ۵۰^2)}{\Delta t}$$

$$\Rightarrow \frac{۹۰۰ - ۴۰۰}{۱۰} = \frac{۴۹۰۰ - ۲۵۰۰}{\Delta t} \Rightarrow \frac{۵۰۰}{۱۰} = \frac{۲۴۰۰}{\Delta t}$$

$$\Rightarrow \Delta t = \frac{۲۴۰۰}{۵۰۰} = ۴۸ \text{ s}$$

شیمی

۳ ۹۱ به جز عبارت نخست، سایر عبارت‌ها درست هستند. سوختن، واکنشی شیمیایی است که در آن، یک ماده با اکسیژن به سرعت واکنش می‌دهد و بخشی از انرژی شیمیایی آن به صورت گرمای و نور آزاد می‌شود.

شیمی | ۱۴

۱۰۵ مقابله میان CO_2 تولید شده از منبعهای موردنظر برای تولید برق به صورت زیر است:

باد > گرمای زمین > انرژی خورشید > گاز طبیعی > نفت خام > زغال سنگ

۱۰۶ معنای هر چهار نماد نادرست نوشته شده است:

\rightarrow : واکنش دهنده‌ها بر انر گرم شدن واکنش می‌دهند.

$\xrightarrow{2\text{-atm}}$: واکنش در فشار 2-atm انجام می‌شود.

$\xrightarrow{120^\circ\text{C}}$: واکنش در دمای 120°C انجام می‌شود.

$\xrightarrow{\text{Pb(s)}}$: برای انجام شدن واکنش از فلز سرب به عنوان کاتالیزور استفاده می‌شود.

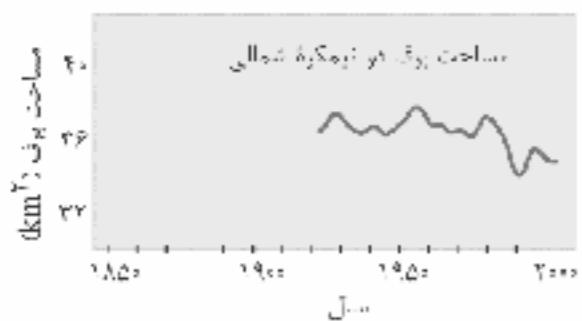
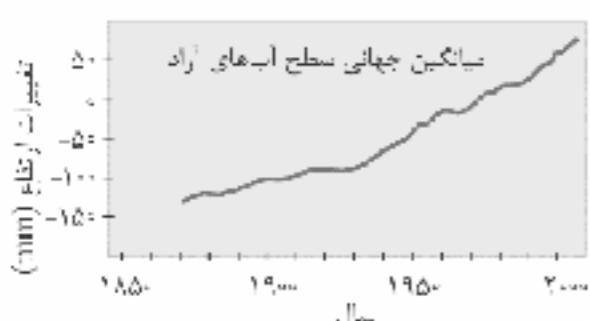
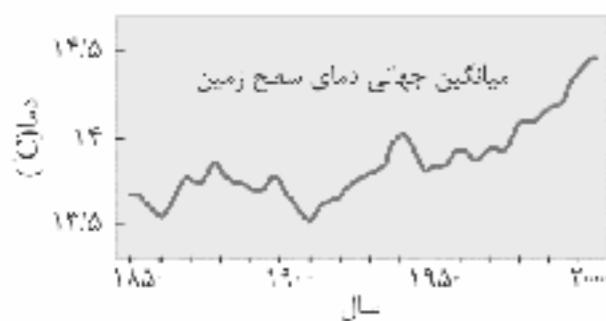
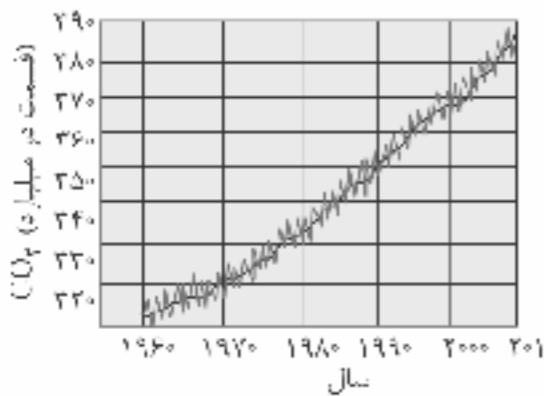
۱۰۷ فقط برای محلول‌های آبی از نماد (aq) استفاده می‌شود.

۱۰۸

به جای « -8°C » و «هر کدام از گازهای موجود در هوایکره» باید « 18°C » و «برخی از گازهای موجود در هوایکره» نوشته شود.

۱۰۹ به جز آلینده‌های SO_2 و N_2O ، سایر آلینده‌ها در اثر سوزاندن سوخت‌های فسیلی به طور مستقیم وارد هوایکره می‌شوند.

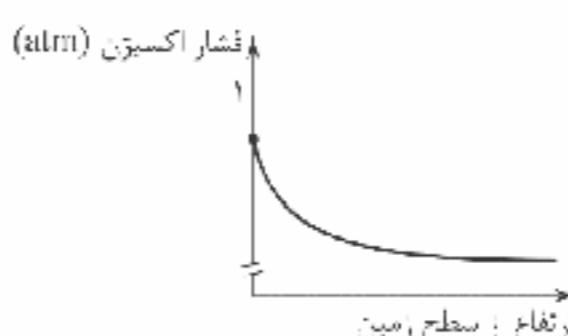
۱۱۰ شکل درست نمودارهای موردنظر به صورت زیر است:



پاسخ دهم ریاضی



۱۱۱ نمودار فشار گاز اکسیژن بر حسب ارتفاع از سطح زمین به صورت زیر است:



۱۱۲ فشار گاز O_2 در سطح زمین 20% اتمسفر است و با افزایش ارتفاع، تغییرات فشار گاز اکسیژن کاهش می‌یابد.

۱۱۳ شکل زیر رفتار زمین را در برابر پرتوهای خورشیدی نشان می‌دهد.

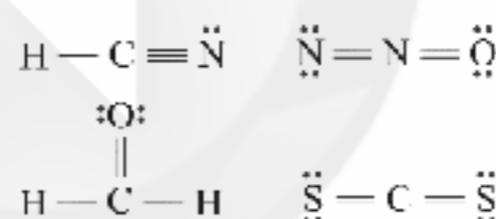
بخشی از پرتوهای خورشیدی بازتاب شده و به غشا برمی‌گردد.

زمین پخش قابل توجهی از این پرتوها و به زمین جذب شده را به صورت دنبیش فروسرخ از دست می‌دهد.

بخش کوچکی از پرتوهای خورشیدی به وسیله هواکره جذب می‌شود.

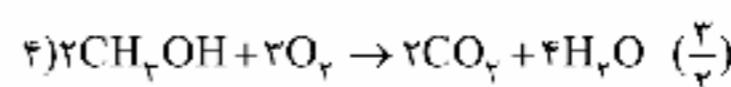
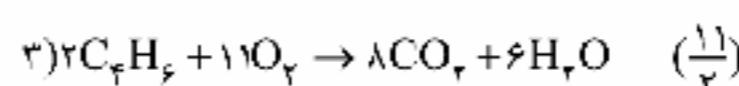
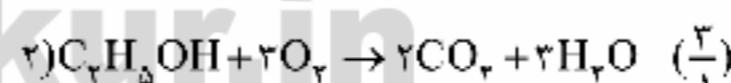
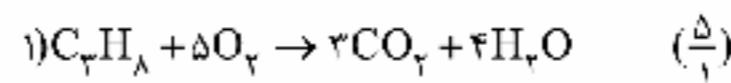
گازهای گلخانه ای مانع از خروج کامل گرمای آزاد شده می‌شوند.

۱۱۴ ساختار لوویس هر چهارگونه در زیر رسم شده است:

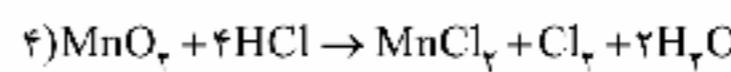
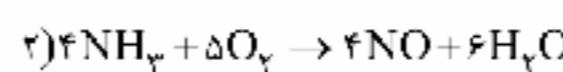
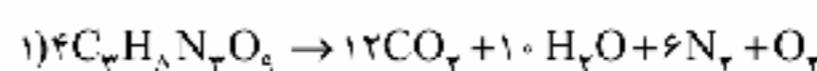


همان‌طور که می‌بینید در دو مولکول N_2O و CS_2 شمار جفت الکترون‌های پیوندی برابر با شمار جفت الکترون‌های ناپیوندی است.

۱۱۵ معادله موازنۀ شده واکنش سوختن کامل هر چهار ماده و نسبت موردنظر در زیر آمده است:



۱۱۶ معادله موازنۀ شده هر چهار واکنش در زیر آمده است:



۱۱۷ ردیابی کربن دی‌اکسید نشان می‌دهد در تولید یک محصول یا بر انر انجام یک فعالیت چه مقدار از این گاز تولید و وارد هوایکره می‌شود.

۹۹/۱۲/۸

بودجه‌بندی پایه دهم ریاضی

درس‌های ۱۱ و ۱۲	فارسی (۱)	اجباری	فارسی
درس ۵	نگارش (۱)		
درس ۵	عربی، زبان قرآن (۱)	اجباری	زبان عربی
درس‌های ۷ و ۸	دین و زندگی (۱)	اجباری	دین و زندگی
درس ۳ (تا ابتدای listening and speaking	زبان انگلیسی (۱)	اجباری	زبان انگلیسی
فصل ۴ (از ابتدای تعیین علامت چندجمله‌ای درجه دوم) تا فصل ۵ (ابتدای دامنه و برد توابع)	ریاضی (۱)	اجباری	ریاضیات
فصل ۳ (تا ابتدای مساحت و کاربردهای آن)	هندسه (۱)		
فصل ۳ (از ابتدای کار و انرژی درونی) تا فصل ۴ (ابتدای گرما)	فیزیک (۱)	اجباری	فیزیک
فصل ۲ (از ابتدای واکنش‌های شیمیایی و قانون پایستگی جرم) تا (ابتدای رفتار گازها)	شیمی (۱)	اجباری	شیمی

Konkur.in