

دفترچه شماره ۲

آزمون شماره ۴

۱۴۰۰/۰۵/۲۹



# آزمون‌های سراسری کاج

گزینه درست را انتخاب کنید.

سال تحصیلی ۱۴۰۰-۱۴۰۱

## آزمون اختصاصی

### پایه دوازدهم ریاضی

#### دوره دوم متوسطه

شماره داوطلبی:	نام و نام خانوادگی:
مدت پاسخگویی: ۱۱۰ دقیقه	تعداد سوالاتی که باید پاسخ دهید: ۸۰

عنوانین مواد امتحانی آزمون اختصاصی گروه آزمایشی علوم ریاضی، تعداد سوالات و مدت پاسخگویی

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سوال	وضعیت پاسخگویی	شماره سوال		مدت پاسخگویی
				تا	از	
۱	حسابان ۱	۱۰	اجباری	۹۰	۸۱	۶۰ دقیقه
	هندرسه ۲	۱۰		۱۰۰	۹۱	
	آمار و احتمال	۱۰		۱۱۰	۱۰۱	
	حسابان ۲	۵	زوج کتاب ۱	۱۱۵	۱۱۱	
	ریاضی ۱	۵		۱۲۰	۱۱۶	
	هندرسه ۳	۵	زوج کتاب ۲	۱۲۵	۱۲۱	
	هندرسه ۱	۵		۱۳۰	۱۲۶	
۲	فیزیک ۲	۱۰	اجباری	۱۴۰	۱۳۱	۳۰ دقیقه
	فیزیک ۳	۱۰	زوج کتاب	۱۵۰	۱۴۱	
	فیزیک ۱	۱۰		۱۶۰	۱۵۱	
۳	شیمی ۲	۱۰	اجباری	۱۷۰	۱۶۱	۲۰ دقیقه
	شیمی ۳	۱۰	زوج کتاب	۱۸۰	۱۷۱	
	شیمی ۱	۱۰		۱۹۰	۱۸۱	



## ریاضیات



## حسابان (۱)

-۸۱ مقدار  $x$  از تساوی  $\log_5(\log_3(\log_2 x)) = ۰$  کدام است؟

۶ (۴)

۸ (۳)

۱ (۲)

(۱) صفر

-۸۲ اگر  $\log_3 = ۰/۴۷$  و  $\log_2 = ۰/۴۷$  باشد، حاصل  $\log_3/6$  کدام است؟

۰/۵۴ (۴)

۵/۴ (۳)

۰/۱۵۴ (۲)

۲/۵۴ (۱)

-۸۳ جمعیت یک جامعه از تابع  $y = ۵۰۰(1/۰۱)^t$  (هزار نفر) پیروی می‌کند. پس از گذشت ۵ سال تقریباً چند هزار نفر به جمعیت کنونی جامعه افزوده می‌گردد؟ ( $\log_{1/۰۱} ۱/۰۵ = ۵$ )

۲۵ (۴)

۱۵ (۳)

۵۱۵ (۲)

۱۰۰ (۱)

-۸۴ اگر  $\log_2 \approx ۰/۳$  باشد،  $\log_5 x^2 - \log_{\sqrt{2}} \frac{1}{x} = ۴ \log_9 \sqrt{3}$  تقریباً کدام است؟

(۱) صفر

-۶ (۳)

۱۵/۱۴ (۲)

۳/۱۴ (۱)

-۸۵ دامنه تابع  $y = \log_{(x^2-1)} x$  شامل چند عدد طبیعی نیست؟

(۱) بی‌شمار

۲ (۳)

۱ (۲)

(۱) صفر

-۸۶ مجموعه جواب نامعادله  $(\sqrt{5}-\sqrt{3})^{2x-1} < (\sqrt{5}-\sqrt{3})^7$ ، شامل چند عدد صحیح است؟

(۱) بینهایت

۷ (۳)

۶ (۲)

۳ (۱)

-۸۷ هرگاه  $9^{1-x} = ۲\sqrt[3]{3}$  باشد، مقدار لگاریتم  $12x+5$  در پایه ۳ کدام است؟ $\log_3 ۴ (۴)$ 

۳ (۳)

۲ (۲)

 $\log_3 ۱۳ (۱)$ -۸۸ نمودار توابع  $x = \log_{\frac{1}{3}} \frac{1}{x}$  و  $f(x) = \log_{\frac{1}{3}} \frac{1}{x}$ ، نسبت به یکدیگر چگونه‌اند؟(۱) نسبت به محور  $x$ ها قرینه یکدیگرند.

(۲) نسبت به نیمساز ربع اول، قرینه یکدیگرند.

(۳) بر یکدیگر منطبق هستند.

-۸۹ اگر  $a = \log_{۸/۱۸} ۱۲۵$  و  $b = \log_{۴/۵} ۱۲۵$  باشد، آنگاه  $a + b$  برابر کدام گزینه است؟ $\frac{۶-b}{۳a-b} (۴)$  $\frac{۶-۲b}{۳a-b} (۳)$  $\frac{b-۶}{۳a-b} (۲)$  $\frac{۹-۳b}{۶a-۲b} (۱)$ -۹۰ حاصل  $[ \log_{\frac{۱}{۳}} ۱۰ ] + [ \log_{\frac{۱}{۶}} ۰ ]$  کدام است؟ ([ ]، نماد جزو صحیح است).

-۴ (۴)

-۱ (۳)

-۳ (۲)

-۲ (۱)

## هندرسه (۲)

-۹۱ کدام یک از گزینه‌های زیر از ویژگی‌های بازتاب تحت یک نقطه است؟

(۱) بازتاب تحت یک نقطه، بینهایت نقطه‌ی ثابت تبدیل دارد.

(۲) بازتاب تحت یک نقطه، اندازه زاویه خطوط نسبت به محورها را حفظ می‌کند.

(۳) بازتاب تحت یک نقطه، شیب خط را حفظ نمی‌کند.



-۹۲- اگر دوران یافته نقطه  $A(2, -4)$ , نقطه‌ی  $A'(2, -1)$  باشد، مرکز دوران کدام نقطه می‌تواند باشد؟

(۲,  $-\frac{3}{2}$ ) (۴)

(-۲,  $-\frac{3}{2}$ ) (۳)

(-۲,  $\frac{3}{2}$ ) (۲)

(۲,  $\frac{3}{2}$ ) (۱)

-۹۳- در یک انتقال، تصویر خط  $D$  بر آن منطبق است، راستای بردار انتقال و خط  $D$  چگونه‌اند؟

(۴) زاویه‌ی  $30^\circ$  می‌سازند.(۳) زاویه‌ی  $45^\circ$  می‌سازند.

(۲) موازی‌اند.

(۱) بر هم عمودند.

-۹۴- فاصله تبدیل یافته دو نقطه  $A(2, -5)$  و  $B(-2, -3)$  در تبدیل تجانس با نسبت تجانس  $k=3$ , کدام است؟

۶ (۴)

۲ $\sqrt{5}$  (۳)

۶ $\sqrt{5}$  (۲)

۵ (۱)

-۹۵- بازتاب نقطه  $A(2, 1)$  نسبت به خط  $d: y=2x+1$  کدام است؟

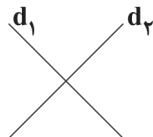
(-۰/۸, ۳/۴) (۴)

(۰/۴, ۱/۸) (۳)

(-۱/۶, ۰/۸) (۲)

(-۱/۲, ۲/۶) (۱)

-۹۶- اگر زاویه‌ی بین ۲ خط  $d_1$  و  $d_2$ ,  $90^\circ$  درجه باشد و عقریه عدد ۲ را نشان دهد، پس از ۲ بازتاب متوالی نسبت به  $d_1$  و  $d_2$ , عقریه چه عددی را نشان می‌دهد؟



۴ (۱)

۷ (۲)

۸ (۳)

۱۰ (۴)

-۹۷- اگر انتقال  $T$ , خط  $y=4x+5$  را به خط  $y=4x+3$  تصویر کند، نقطه  $(-1, 1)$  را به کدام یک از نقاط زیر می‌تواند تصویر کند؟

(۲, ۱۳) (۴)

(-۲, -۳) (۳)

(۰/۵, ۵) (۲)

(1, 8) (۱)

-۹۸- یک پنجضلعی منتظم حداکثر دارای چند تبدیل تقارنی است؟

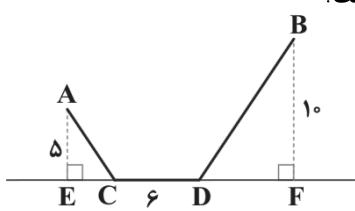
۲۰ (۴)

۱۵ (۳)

۱۰ (۲)

۵ (۱)

-۹۹- دو شهر  $A$  و  $B$  مطابق شکل زیر در یک طرف رودخانه‌ای واقع‌اند. می‌خواهیم جاده‌ای از  $A$  به  $B$  بسازیم به طوری که ۶ کیلومتر از این جاده در ساحل رودخانه ساخته شود. اگر  $EF=14$  باشد آن‌گاه کوتاه‌ترین مسیر  $ACDB$  چند کیلومتر است؟



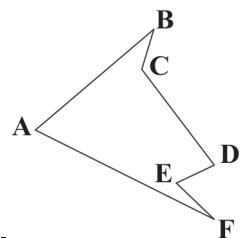
۲۲ (۱)

۲۴ (۲)

۲۵ (۳)

۲۳ (۴)

-۱۰۰- در شکل زیر، حداکثر چند تبدیل می‌توان انجام داد تا بدون کم و زیاد کردن محیط، بیشترین مساحت را برای آن پیدا کرد؟



۲ (۱)

۴ (۲)

۱ (۳)

۳ (۴)



## آمار و احتمال

- ۱۰۱- جمله «بررسی یک نمونه‌ی نامعلوم از یک جامعه معلوم» به کدام علم مربوط است؟  
 ۱) علم احتمال ۲) علم آمار ۳) هم علم احتمال و هم علم آمار ۴) نه علم آمار و نه علم احتمال
- ۱۰۲- از مجموعه اعداد طبیعی ۱ تا ۳۰۰، عددی را به تصادف انتخاب می‌کنیم. احتمال آن‌که این عدد فقط بزرگ‌تر از عدد از اعداد ۲، ۳ و ۵ باشد، کدام است؟

$\frac{4}{15}$        $\frac{1}{3}$        $\frac{2}{15}$        $\frac{7}{30}$

- ۱۰۳- در فضای نمونه‌ای  $S = \{a, b, c, d\}$ ، می‌دانیم  $P(b, d) = \frac{4}{7}$  و  $P(a, b, c) = \frac{3}{5}$ . حاصل  $(P(b, d) - P(a, b, c))$  کدام است؟

$\frac{29}{35}$        $\frac{28}{35}$        $\frac{6}{7}$        $\frac{5}{7}$

- ۱۰۴- یک تاس ناسالم داریم که در آن احتمال رو شدن هر عدد متناسب با تعداد مقسوم‌علیه‌های آن عدد است. با کدام احتمال در یک بار پرتاب تاس، مضرب ۳ می‌آید؟

$\frac{3}{7}$        $\frac{3}{14}$        $\frac{1}{7}$        $\frac{1}{14}$

- ۱۰۵- اگر  $P(A \cup B') + P(A' \cup B) = \frac{10}{17}$  باشد، حاصل  $|P(A \cap B)|$  کدام است؟

$\frac{2}{7}$        $\frac{5}{7}$        $\frac{4}{7}$        $\frac{3}{7}$

- ۱۰۶- در پرتاب همزمان ۲ تاس سالم، احتمال آن‌که مجموع اعداد رو شده، عددی اول و بزرگ‌تر از ۶ باشد، چقدر است؟

$\frac{2}{9}$        $\frac{1}{9}$        $\frac{1}{6}$        $\frac{5}{18}$

- ۱۰۷- در مسابقه‌ای بین علی، رضا، حمید و حسن که فقط یک برنده دارد، احتمال برد حسن نصف احتمال برد حمید، احتمال برد رضا  $\frac{1}{3}$  احتمال باخت علی و احتمال باخت حمید ۲ برابر احتمال برد رضا است. احتمال باخت حمید در این مسابقه چقدر است؟

$\frac{4}{5}$        $\frac{3}{5}$        $\frac{2}{5}$        $\frac{1}{5}$

- ۱۰۸- فضای نمونه‌ای یک آزمایش تصادفی به صورت  $S = \{a_1, a_2, \dots, a_n\}$  می‌باشد. اگر بدانیم برآمدۀای  $a_1$  و  $a_2$  رخداده‌اند، در این صورت چه تعداد از پیشامدهای این فضای نمونه‌ای ممکن است رخداد باشند؟

$4^4$        $16^2$        $32^2$        $64^1$

- ۱۰۹- در خانواده‌ای با سه فرزند، فضای نمونه‌ای، تعداد فرزندان دختر در این خانواده است. ۴ پیشامد A، B، C و D را به صورت زیر تعریف می‌کنیم:  
 A: پیشامد آن‌که تعداد دخترها ۳ باشد.  
 B: پیشامد آن‌که تعداد دخترها ۲ باشد.

- C: پیشامد آن‌که تعداد دخترها ۱ باشد.  
 در این صورت کدام گزینه نادرست است؟

$S = \{\circ, 1, 2, 3\}$        $|P(B) - P(C)| = 0$        $P(A) + P(D) = \frac{1}{8}$

- ۱۱۰- دو مرد  $m_1$  و سه زن  $w_1, w_2$  و  $w_3$  در یک مسابقه شرکت کرده‌اند. احتمال برد زنان با هم و برد مردان نیز با هم برابر و احتمال برد هر مرد، ۲ برابر احتمال برد هر زن می‌باشد. اگر  $m_1$  و  $w_2$  زن و شوهر باشند، احتمال برد آن‌ها چقدر است؟

$\frac{3}{7}$        $\frac{9}{14}$        $\frac{5}{14}$        $\frac{2}{7}$

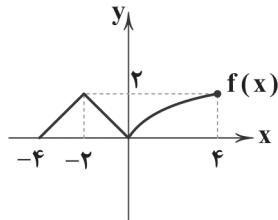


توجه: داوطلب گرامی، لطفاً از بین سوالات زوج درس ۱ (حسابان ۲)، شماره‌ی ۱۱۱ تا ۱۱۵ و زوج درس ۲ (ریاضی ۱)، شماره‌ی ۱۱۶ تا ۱۲۰، فقط یک سری را به انتخاب خود پاسخ دهید.

## زوج درس ۱

## حسابان ۲ (سوالات ۱۱۱ تا ۱۱۵)

۱۱۱- اگر نمودار  $f(x)$  به صورت زیر باشد، نمودار دو تابع  $y = 2f(2x)$  و  $y = -\frac{4}{3}(x-2)$  در چند نقطه متقطع‌اند؟



- (۱) صفر  
(۲) یک  
(۳) دو  
(۴) سه

۱۱۲- نمودار تابع  $f(x) = x + 1 + \frac{|x-2|}{x-2}$  چگونه است؟

- (۱) هم صعودی، هم نزولی  
(۲) اکیداً صعودی  
(۳) غیریکنوا  
(۴) اکیداً نزولی

۱۱۳- نمودار  $y = x^3$  را ۱ واحد به سمت چپ و سپس ۳ واحد به سمت بالا منتقل کرده و در انتهای نمودار حاصل را نسبت به محور  $y$  ها قرینه می‌کنیم. معادله منحنی حاصل کدام است؟

$$y = -x^3 + 3x^2 - 3x - 2 \quad (۲)$$

$$y = -x^3 + 3x^2 - 3x + 4 \quad (۱)$$

$$y = x^3 - 3x^2 + 3x - 4 \quad (۴)$$

$$y = -x^3 - 3x^2 - 3x + 3 \quad (۳)$$

۱۱۴- اگر تابع  $f(x) = x^3 - \frac{x}{a} + 1$  در فاصله  $(0, 4)$  یکنوازی اکید نباشد، حدود  $a$  کدام است؟

$$a > -2 \quad (۴)$$

$$a < -\frac{1}{8} \quad (۳)$$

$$a > 0 \quad (۲)$$

$$a > \frac{1}{8} \quad (۱)$$

۱۱۵- اگر نقطه  $A(2, 5)$  روی تابع  $y = g(x)$  قرار داشته باشد در این صورت کدام نقطه زیر، روی تابع  $(2x+1)g(x)$  قرار می‌گیرد؟

$$(2, 11) \quad (۴)$$

$$(5, 5) \quad (۳)$$

$$\left(\frac{1}{2}, 5\right) \quad (۲)$$

$$\left(\frac{1}{2}, 4\right) \quad (۱)$$

## زوج درس ۲

## ریاضی (۱) (سوالات ۱۱۶ تا ۱۲۰)

۱۱۶- حاصل عبارت  $\frac{30^{\circ}/5 \times 90^{\circ}/25}{81^{-1}}$  کدام است؟

$$3^{\circ}/95 \quad (۴)$$

$$3^{\circ}/6 \quad (۳)$$

$$3^{\circ}/4 \quad (۲)$$

$$3^{\circ}/15 \quad (۱)$$

Konkur.in

۱۱۷- حاصل عبارت  $\frac{3}{2} \times \sqrt[5]{32^2} \times \left(-\frac{1}{16}\right)^{\frac{3}{4}} \times \sqrt[4]{\sqrt{256}}$  برابر است با:

$$8 \quad (۴)$$

$$4 \quad (۳)$$

$$2 \quad (۲)$$

$$1 \quad (۱)$$

۱۱۸- اگر  $\frac{1}{\sqrt{x}-1} - \frac{1}{\sqrt{x}+1} + \frac{4}{x+1} = \frac{ax+b}{cx^2+d}$  باشد، آنگاه حاصل  $\sqrt{ab\sqrt{c}}$  کدام می‌تواند باشد؟

$$3 \quad (۴)$$

$$\frac{1}{3} \quad (۳)$$

$$6 \quad (۲)$$

$$\frac{1}{6} \quad (۱)$$

محل انجام محاسبات



۱۱۹- عبارت  $P(x) = \frac{2x^2 + 3}{x + 4}$  در بازه  $[a, b]$  نامثبت است. بیشترین مقدار  $b$  کدام است؟

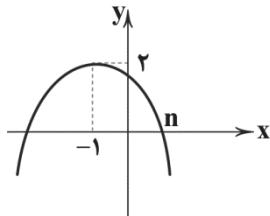
۱/۲ (۴)

-۴ (۳)

۱/۲ (۲)

-۱/۲ (۱)

۱۲۰- شکل زیر مربوط به سهمی  $y = mx^3 - 2x + k$  است. حاصل  $m+n+k$  کدام است؟



√2-۱ (۱)

√2+۱ (۲)

-√2-۱ (۳)

√2 (۴)

توجه: داوطلب گرامی، لطفاً از بین سوالات زوج درس ۱ (هندرسه ۳)، شماره ۱۲۱ تا ۱۲۵ و زوج درس ۲ (هندرسه ۱)، شماره ۱۲۶ تا ۱۳۰، فقط یک سری را به انتخاب خود پاسخ دهید.

## زوج درس ۱

## هندرسه (۳) (سوالات ۱۲۱ تا ۱۲۵)

۱۲۱- اگر یکی از ریشه‌های معادله  $x+1-2m\begin{bmatrix} x \\ x \\ 1-x \end{bmatrix}=0$  برابر ۲ باشد، مجموع معکوسات هر دو ریشه چقدر است؟

۰/۶ (۴)

۰/۹ (۳)

۰/۸ (۲)

۰/۷ (۱)

۱۲۲- اگر  $A = \begin{bmatrix} 3 & -5 \\ -1 & 2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 & 5 \\ 1 & 3 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 2 \end{bmatrix}$  باشد، مجموع درایه‌های ماتریس  $A^4$  کدام است؟

۳۳ (۴)

۳۲ (۳)

۳ (۲)

۲ (۱)

۱۲۳- فرض کنید  $B = \begin{bmatrix} 5 & 3 \\ 3 & a \end{bmatrix}$  و  $A = \begin{bmatrix} a & 1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}$  و  $A \times B = B \times A$  آن‌گاه:

a = ۲ (۴)

a = ۵ (۳)

a = ۳ (۲)

a = ۱ (۱)

۱۲۴- اگر  $A^4 = \begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix}$  باشد، حاصل  $ab+cd$  چقدر است؟

۱۲ (۴)

۶ (۳)

۲۱ (۲)

۱۵ (۱)

۱۲۵- اگر  $C = A \times B = [c_{ij}]_{4 \times 2}$  و  $B = [j+1]_{4 \times 2}$ ،  $A = [2i]_{3 \times 4}$  باشد، مجموع درایه‌های سطر آخر ماتریس  $C$  کدام است؟

۱۱۰ (۴)

۱۲۰ (۳)

۴۸ (۲)

۷۲ (۱)

## زوج درس ۲

## هندرسه (۱) (سوالات ۱۲۶ تا ۱۳۰)

۱۲۶- مثلثی به طول اضلاع ۳، ۴ و  $x$  با مثلثی به طول اضلاع ۴، ۵ و  $y$  متشابه است. اگر دو مثلث همنهشت نباشند، بیش ترین مقدار  $x$  کدام است؟

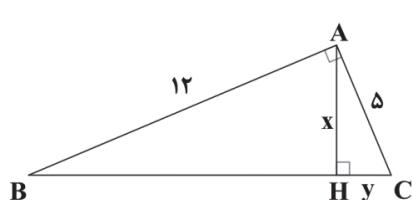
۵ (۴)

۱۲/۵ (۳)

۱۶/۵ (۲)

۱۵/۴ (۱)

۱۲۷- با توجه به شکل زیر، حاصل  $y-x$  کدام است؟

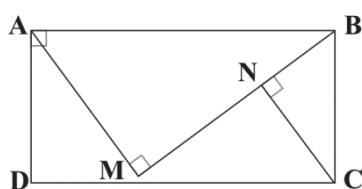


۳۵/۱۳ (۲)

۸۵/۱۳ (۴)

۴۵/۱۳ (۱)

۷۵/۱۳ (۳)



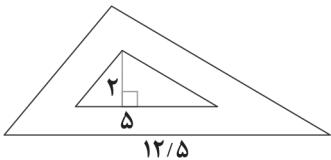
-۱۲۸- اگر  $ABCD$  مستطیل،  $AB = 10$ ،  $BC = 5$  باشد، طول  $MN$  کدام است؟

۴ (۱)

۵ (۲)

 $2 + \sqrt{14}$  (۳) $4 - \sqrt{14}$  (۴)

-۱۲۹- اضلاع دو مثلث زیر نظیر به نظری با هم موازی می‌باشند، با توجه به اندازه‌های شکل، مساحت مثلث بزرگ‌تر کدام است؟



۳۲/۷۵ (۱)

۳۱/۲۵ (۲)

۶۳/۷۵ (۳)

۶۲/۵ (۴)

-۱۳۰- یک لوزی با زاویه  $60^\circ$  و لوزی دیگری با زاویه  $120^\circ$  مفروض است. اگر قطر کوچک لوزی بزرگ‌تر با قطر بزرگ لوزی کوچک‌تر برابر باشد،

نسبت مساحت این دو لوزی چقدر است؟

۱۲ (۴)

۴ $\sqrt{3}$  (۳)

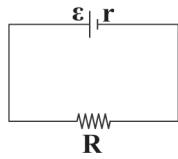
۳ (۲)

 $\sqrt{3}$  (۱)

## فیزیک



-۱۳۱- در مدار شکل زیر، توان خروجی باتری، سه برابر توان تلف شده در باتری است. نسبت  $\frac{R}{r}$  کدام است؟



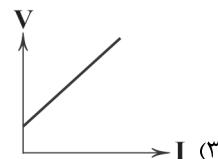
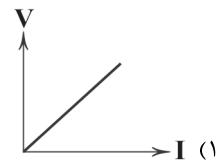
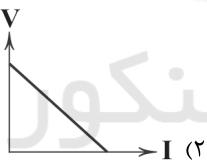
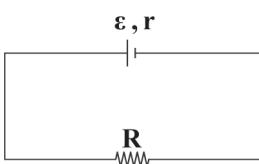
۲ (۱)

۳ (۲)

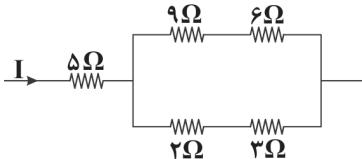
۴ (۳)

۶ (۴)

-۱۳۲- نمودار اختلاف پتانسیل الکتریکی دو سر باتری بر حسب جریان در مدار شکل زیر با فرض ثابت ماندن دما در کدام گزینه به درستی آمده است؟



-۱۳۳- در مدار شکل زیر، توان مصرفی مقاومت ۵ اهمی چند برابر توان مصرفی مقاومت ۲ اهمی است؟

 $\frac{9}{8}$  (۲) $\frac{20}{9}$  (۴) $\frac{2}{3}$  (۱) $\frac{4}{9}$  (۳)

محل انجام محاسبات



۱۳۴- در مدار مقابل، با تغییر مقاومت  $R_s$  مقدار جریان را تغییر می‌دهیم. هنگامی که جریان مدار  $5A$  است، ولتسنج  $25V$  و هنگامی که جریان مدار  $4A$  می‌شود، ولتسنج  $28V$  را نشان می‌دهد. مقدار نیروی محركة الکتریکی باتری چند برابر مقاومت درونی باتری است؟ (ولتسنج را آرمانی در نظر بگیرید.)

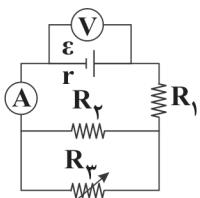
$$\frac{20}{3} \quad (2)$$

$$\frac{40}{3} \quad (1)$$

$$\frac{22}{3} \quad (4)$$

$$\frac{11}{3} \quad (3)$$

۱۳۵- در مدار شکل زیر، اگر مقاومت رئوستاکاهش یابد، به ترتیب از راست به چپ، اعداد آمپرسنج ایده‌آل و ولتسنج ایده‌آل چه تغییری می‌کند؟



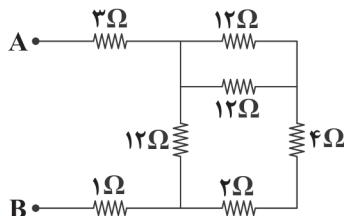
(۱) کاهش - افزایش

(۲) افزایش - افزایش

(۳) افزایش - کاهش

(۴) کاهش - کاهش

۱۳۶- در مدار شکل زیر، مقاومت معادل بین دو نقطه A و B چند اهم است؟



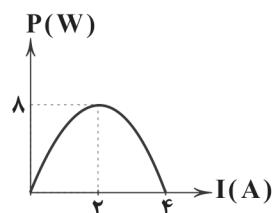
$$12 \quad (1)$$

$$10 \quad (2)$$

$$9 \quad (3)$$

$$8 \quad (4)$$

۱۳۷- نمودار توان مفید یک باتری بر حسب جریان گذرنده از آن مطابق شکل زیر است. مقاومت درونی باتری چند اهم است؟



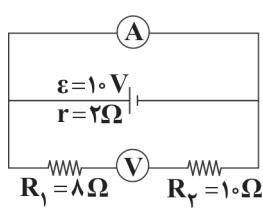
$$1(1)$$

$$2(2)$$

$$2/5 \quad (3)$$

$$4(4)$$

۱۳۸- در مدار زیر، ولتسنج و آمپرسنج آرمانی هستند. آمپرسنج و ولتسنج (از راست به چپ) چه اعدادی را بر حسب واحد SI نشان می‌دهند؟



$$9 \quad (1)$$

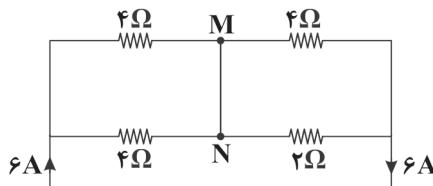
$$10 \quad (2)$$

$$5 \quad (3)$$

$$10 \quad (4)$$

Konkur.in

۱۳۹- در مدار شکل زیر، جریان در شاخه MN چند آمپر و در چه جهتی است؟



N به M از ۱(۱)

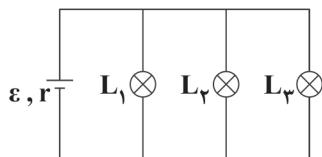
M به N از ۱(۲)

N به M از ۲(۳)

M به N از ۲(۴)



۱۴۰- هرگاه در مدار شکل زیر دو سر لامپ  $L_1$ ,  $L_2$ ,  $L_3$  اتصال کوتاه شود، نور لامپ‌های دیگر چگونه تغییر می‌کند؟



(۱) همه لامپ‌ها خاموش می‌شوند.

(۲)  $L_1$  خاموش و دیگر لامپ‌ها پرزنورتر می‌شوند.

(۳)  $L_1$  می‌سوزد و دیگر لامپ‌ها خاموش می‌شوند.

(۴)  $L_1$  می‌سوزد و دیگر لامپ‌ها پرزنورتر می‌شوند.

توجه: داوطلب گرامی، لطفاً از بین سوالات زوج درس ۱ (فیزیک (۳)، شماره ۱۴۱ تا ۱۵۰) و زوج درس ۲ (فیزیک (۱)، شماره ۱۵۱ تا ۱۶۰)، فقط یک سری را به انتخاب خود پاسخ دهید.

زوج درس ۱

فیزیک (۳) (سوالات ۱۴۱ تا ۱۵۰)

۱۴۱- معادله سرعت - زمان متوجهی که روی محور  $x$  حرکت می‌کند، در SI به صورت  $v = 200 - 8t^2$  است. کدام گزینه در ارتباط با این متوجه درست است؟

(۱) حرکت متوجه همواره کندشونده است.

(۲) از لحظه  $t = 0$  تا  $t = 5s$ ، حرکت متوجه تندشونده است.

(۳) در لحظه  $t = 5s$ ، جهت حرکت تغییر می‌کند.

۱۴۲- نمودار مکان - زمان متوجه  $A$  و نمودار سرعت - زمان متوجه  $B$  بخشی از یک سهمی، مطابق شکل‌های زیر هستند. نوع حرکت دو



۱۴۳- متوجهی با تندی ثابت  $\frac{m}{s}$  روی محور  $x$  حرکت می‌کند و در مبدأ زمان از مکان  $x_1 = +x_0$  و در لحظه  $t = 4s$  از مکان  $x_2 = -3x_0$  عبور می‌کند. معادله مکان - زمان این متوجه در SI کدام است؟ ( $x_0 > 0$ )

$$x = -2t + 2 \quad (۴)$$

$$x = -2t + 4 \quad (۳)$$

$$x = 2t - 4 \quad (۲)$$

$$x = 2t - 2 \quad (۱)$$

۱۴۴- نمودار مکان - زمان دو متوجه  $A$  و  $B$  که بر روی محور  $x$  حرکت می‌کنند، مطابق شکل زیر است. سرعت متوسط متوجه  $A$  چند متر بر ثانیه بیشتر از سرعت متوسط متوجه  $B$  است؟



۱۲ (۱)

۱۶ (۳)

۱۴۵- متوجهی مسافتی را با تندی ثابت  $v$  در مدت زمان ۸ ثانیه و همان مسافت را با تندی ثابت  $v + 3$  در مدت زمان ۵ ثانیه طی می‌کند. چند متر بر ثانیه است؟ (حرکت متوجه، یکنواخت بر روی مسیر مستقیم است و کلیه کمیت‌ها در واحد SI می‌باشند).

$$8 \quad (۴)$$

$$5 \quad (۳)$$

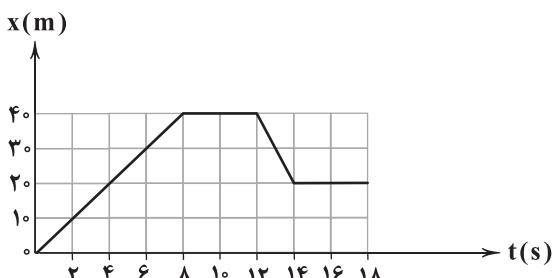
$$4 \quad (۲)$$

$$3 \quad (۱)$$

محل انجام محاسبات



۱۴۶- نمودار مکان- زمان مورچه‌ای که بر روی محور  $x$  حرکت می‌کند، مطابق شکل زیر است. بیشینه تندی این مورچه چند متر بر ثانیه است؟



۵ (۱)

۱۵ (۲)

۱۰ (۳)

۲۵ (۴)

۱۴۷- نمودار مکان- زمان متحرکی که بر روی محور  $x$  حرکت می‌کند، مطابق شکل مقابل است. سرعت متوسط این متحرک در ۴ ثانیه اول حرکتش چند برابر سرعت متوسط این متحرک در ۲ ثانیه بعدی است؟

-۱ (۲)

۱ (۱)

- $\frac{1}{2}$  (۴) $\frac{1}{2}$  (۳)

۱۴۸- شناگری استخراجی به طول  $30\text{ m}$  را با سرعت ثابت  $\frac{3\text{ m}}{\text{s}}$  رفته و با سرعت ثابت  $\frac{2\text{ m}}{\text{s}}$  برمی‌گردد. بزرگی سرعت متوسط شناگر در ۲۰ ثانیه اول حرکت چند متر بر ثانیه است؟

۲/۵ (۴)

۲/۲۵ (۳)

۱ (۲)

۰/۷۵ (۱)

۱۴۹- در کدام گزینه متحرک شتاب ندارد؟

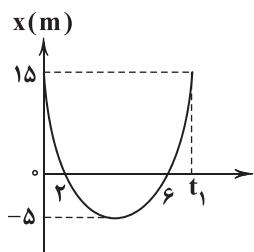
(۱) کامیونی شروع به حرکت می‌کند.

(۳) نور با سرعت  $3 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}}$  در خلا حرکت می‌کند.

(۲) تاکسی، میدانی را دور می‌زند.

(۴) سنگی سقوط می‌کند.

۱۵۰- نمودار مکان- زمان متحرکی که بر روی محور  $x$  حرکت می‌کند، یک سهمی مطابق شکل زیر است. اگر سرعت متوسط این متحرک در بازه زمانی  $0 \leq t \leq t_1$  صفر باشد، تندی متوسط متحرک در همین بازه زمانی چند متر بر ثانیه است؟



۱) صفر

۲/۵ (۲)

۳/۷۵ (۳)

۵ (۴)

**زوج درس ۲**

**فیزیک (۱) (سوالات ۱۵۱ تا ۱۶۰)**

۱۵۱- اگر جرم متحرکی  $20\text{ N}$  درصد افزایش و تندی آن  $25\text{ m/s}$  درصد کاهش یابد، انرژی جنبشی متحرک چند درصد و چگونه تغییر می‌کند؟

(۱)  $10^\circ$  - افزایش (۲)  $10^\circ$  - کاهش (۳)  $32/5$  - افزایش (۴)  $32/5$  - کاهش

۱۵۲- در شکل زیر، کار نیروی ثابت  $\vec{F}$  وارد بر جسم در  $5\text{ m}$  متر جابه‌جایی در راستای قائم به سمت بالا برابر  $J = 120\text{ J}$  می‌شود. اندازه شتاب حرکت

جسم چند متر بر مجدور ثانیه است؟

۲ (۱)

۲/۵ (۲)

۴ (۳)

۵ (۴)





۱۵۴- آونگی به جرم  $m$  و طول  $L$  را از نقطه A رها می‌کنیم. اگر از اتلاف انرژی صرف نظر شود، انرژی جنبشی آونگ در

$$\text{نقطه B چند برابر } mgL \text{ است؟} (\cos 37^\circ = 0.8 \text{ و } \sin 37^\circ = 0.6)$$

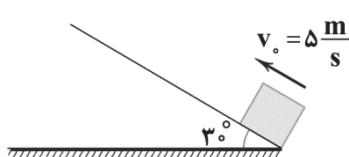
۰/۴ (۲)

۰/۲ (۱)

۰/۸ (۴)

۰/۶ (۳)

۱۵۵- در شکل زیر، جسمی به جرم  $2\text{kg}$  از پایین سطح شیب داری که با افق زاویه  $30^\circ$  می‌سازد، با تندی اولیه  $\frac{m}{s}$  در امتداد سطح به بالا پرتاب می‌شود. اگر پس از طی مسافت یک متر، جسم روی سطح شیب دار متوقف شود، اندازه کار نیروی اصطکاک جنبشی وارد بر جسم در این



$$\text{حرکت چند ژول است؟} (g = 10 \frac{m}{s^2} \sin 30^\circ = \frac{1}{2} \text{ m})$$

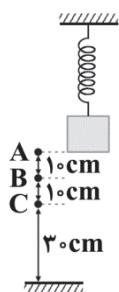
۱۰ (۱)

۱۵ (۲)

۲۰ (۳)

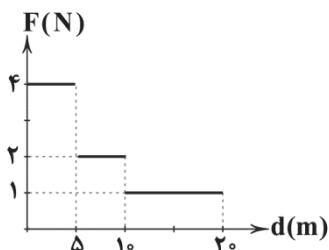
۲۵ (۴)

۱۵۶- در شکل زیر، وزنهای به جرم  $2\text{kg}$  را به انتهای فنری سبک در نقطه A بسته و سپس رها می‌کنیم. وزنه در مسیر ABC در راستای قائم بالا و پایین می‌رود. حداکثر انرژی پتانسیل کشسانی فنر چند ژول است؟ (از اتلاف انرژی صرف نظر شود و  $g = 10 \frac{m}{s^2}$ )



$$\text{۳ (۱)} \\ \text{۴ (۲)} \\ \text{۵ (۳)} \\ \text{۶ (۴)}$$

۱۵۷- نمودار تغییرات نیروی وارد شده به جسمی، بر حسب جایه جایی جسم به صورت زیر است، اگر نیروی مورد نظر هم جهت با جایه جایی باشد، اندازه کار انجام شده توسط نیروی F در این  $20\text{m}$  جایه جایی چند ژول است؟



۴۰ (۱)

۴۵ (۲)

۵۰ (۳)

۶۰ (۴)

۱۵۸- در شکل زیر، گلوله‌ای به جرم  $2\text{kg}$  از ارتفاع  $h$  روی سطح شیب داری با تندی  $\frac{m}{s}$  پرتاب می‌شود و پس از برخورد به فنری که در روی سطح افقی بسته شده است، آن را فشرده می‌کند. اگر حداکثر انرژی پتانسیل کشسانی ذخیره شده در فنر  $20\text{J}$  باشد، طول سطح شیب دار تقریباً چند متر است؟ (کل مسیر حرکت گلوله بدون اصطکاک است و  $g = 10 \frac{N}{kg}, \sin 30^\circ = \frac{1}{2}, \sin 60^\circ \approx 0.8, \sin 45^\circ \approx 0.7$ )



۱ (۱)

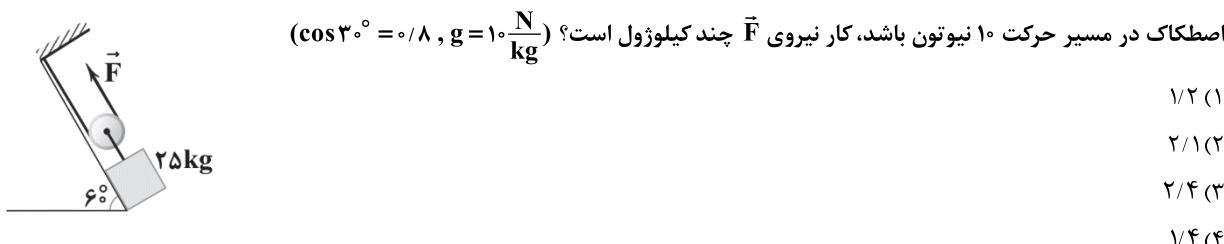
۰/۸ (۲)

۱/۲ (۳)

۰/۶ (۴)



۱۵۸- مطابق شکل زیر، جسمی به جرم ۲۵ کیلوگرم با تندی ثابت به اندازه ۱۰ متر در امتداد سطح شبیدار بالا می‌رود. با فرض این‌که اندازه نیروی



۱۵۹- مطابق شکل زیر، از بالای یک ساختمان، سه توپ شماره‌دار با جرم‌های مساوی را با تندی‌های یکسان در جهت‌های نشان داده‌شده پرتاب کرده‌ایم. اگر تندی برخورد توپ‌ها با زمین را با  $v_1'$ ,  $v_2'$ ,  $v_3'$  و زمان حرکت توپ‌ها را با  $t_1$ ,  $t_2$ ,  $t_3$  نشان دهیم، کدام گزینه درباره شکل



۱۶۰- توان مصرفی یک موتور برقی  $4\text{kW}$  است اگر این موتور در هر دقیقه،  $۳\times ۱۰^۵$  کیلوگرم آب را با سرعت ثابت از عمق  $۱\text{m}$  تا ارتفاع  $۵\text{m}$  بالا

$$(g = ۱۰ \frac{\text{N}}{\text{kg}})$$

۷۵ (۴)

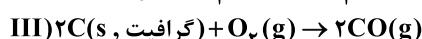
۱۲/۵ (۳)

۲۵ (۲)

۸۷/۵ (۱)



۱۶۱- با توجه به واکنش‌های داده‌شده، گرمای واکنش ..... را ..... واکنش ..... می‌توان به روش تجربی اندازه‌گیری کرد.



III - IV

I - II

III - II

I - II

۱۶۲- با توجه به واکنش‌های زیر، از سوختن هر مول گاز آمونیاک که طی آن بخار آب و گاز نیتروژن مونوکسید به دست می‌آید، به تقریب چند کیلوکالری گرما آزاد می‌شود؟



۵۴ (۴)

۲۱۶ (۳)

۱۳۶ (۲)

۳۲ (۱)

۱۶۳- ۳۰ گرم از یک ماده غذایی شامل ۴ گرم چربی، ۳ گرم کربوهیدرات،  $۱/۵$  گرم پروتئین و بقیه آن، شامل آب، ویتامین‌ها و مواد معدنی است.

ارزش سوختی این ماده غذایی چند  $\text{kJ}\cdot\text{g}^{-1}$  است؟ (ارزش سوختی چربی و پروتئین به ترتیب ۳۸ و ۱۷ کیلوژول بر گرم است).

۷/۶۱ (۴)

۸/۶۶ (۳)

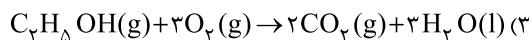
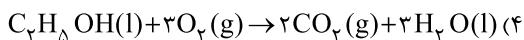
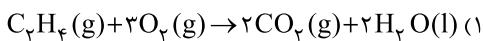
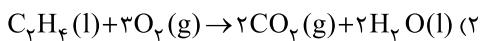
۶/۷۶ (۲)

۶/۰۶ (۱)



حل ویدئویی سوالات این دفترچه را در  
ویسایت **DriQ.com** مشاهده کنید.

۱۶۴- در کدامیک از واکنش‌های زیر، گرمای بیشتری آزاد می‌شود؟



۱۶۵- چه تعداد از عبارت‌های زیر نادرست است؟

(آ) افزودن محلول سدیم‌کلرید به محلول نقره‌نیترات باعث تشکیل سریع محلول سفید رنگ نقره‌کلربید می‌شود.

(ب) اشیای آهنی در هوای مرطوب به سرعت زنگ می‌زنند.

(پ) انفجار، یک واکنش شیمیایی بسیار سریعی است که همواره واکنش‌دهنده آن جامد و فراورده‌های آن، گازهای داغ هستند.

(ت) زرد و پوسیده شدن کتاب‌های قدیمی در گذر زمان نشان می‌دهد که واکنش اکسایش سلولز کاغذ بسیار کند رُخ می‌دهد.

۱ (۴)

۲ (۳)

۳ (۲)

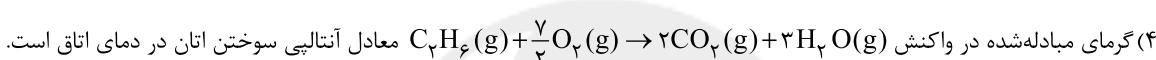
۴ (۱)

۱۶۶- کدامیک از مطالب زیر درست است؟

(۱) تهیه آمونیاک به روش هابر، یک واکنش دو مرحله‌ای است که در هر دو مرحله آن، گرمای آزاد می‌شود.

(۲) نخستین بار هنری هس دریافت که گرمای یک واکنش معین به دما و فشار انجام آن، وابسته نیست.

(۳) گرمای حاصل از سوختن یک گرم اتان بیشتر از گرمای حاصل از سوختن یک گرم پروپان است.



۱۶۷- چه تعداد از ویژگی‌های زیر در اثانول بیشتر از اتان است؟

• دمای جوش

• گرمای سوختن ( $\text{kJ}\cdot\text{mol}^{-1}$ )

• مقدار اکسیژن لازم برای سوختن کامل یک مول

• ارزش سوختی ( $\text{kJ}\cdot\text{g}^{-1}$ )

۱ (۴)

۲ (۳)

۳ (۲)

۴ (۱)

۱۶۸- چه تعداد از مطالب زیر در مورد هیدروژن پراکسید درست است؟

(آ) در ساختار آن همانند هیدرازین، تمامی پیوندها به صورت یگانه (ساده) است.

(پ) تهیه این ماده از واکنش مستقیم گازهای هیدروژن و اکسیژن به کاتالیزگر نیاز دارد.

(ت) از تجزیه آن، گاز اکسیژن و آب به دست می‌آید و مقداری گرمای نیز آزاد می‌شود.

(ج) ماده‌ای است که با نام تجاری آب اکسیژنه به فروش می‌رسد.

۱ (۴)

۲ (۳)

۳ (۲)

۴ (۱)

۱۶۹- چه تعداد از عوامل زیر در چگونگی و زمان نگهداری غذا مؤثر هستند؟

• دما

• نور

• اکسیژن

• رطوبت

۱ (۴)

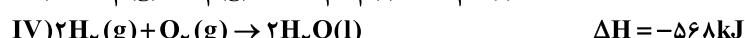
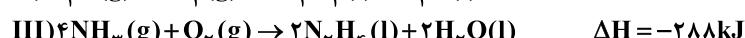
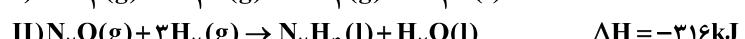
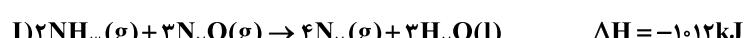
۲ (۳)

۳ (۲)

۴ (۱)

۱۷۰- با توجه به واکنش‌های ترموشیمیایی زیر، بهازی سوختن یک مول هیدرازین مایع که طی آن آب و گاز نیتروژن به دست می‌آید، چند

کیلوژول گرمای آزاد می‌شود؟



۸۹۱ (۴)

۷۷۳ (۳)

۶۱۹ (۲)

۴۹۲ (۱)



توجه: داوطلب گرامی، لطفاً از بین سوالات زوج درس ۱ (شیمی ۳)، شماره ۱۷۱ تا ۱۸۰ و زوج درس ۲ (شیمی ۱)، شماره ۱۸۱ تا ۱۹۰، فقط یک سری را به انتخاب خود پاسخ دهید.

## زوج درس ۱

## شیمی (۳) (سوالات ۱۷۱ تا ۱۸۰)

۱۷۱- از واکنش  $183/6$  گرم از یک صابون جامد که تفاوت شمار پیوندهای  $\text{H}$  و  $\text{C}-\text{C}$  آن برابر با ۱۸ است، با مقدار کافی محلول منیزیم کلرید، چند گرم رسوب تشکیل می‌شود؟ (زنگیر هیدروکربنی صابون موردنظر، سیرشده است).

$$(\text{Na} = ۲۳, \text{Mg} = ۲۴, \text{C} = ۱۲, \text{H} = ۱, \text{O} = ۱۶ : \text{g.mol}^{-1})$$

۳۶۸/۴(۴)

۱۸۴/۲(۳)

۱۷۷(۲)

۳۵۴(۱)

۱۷۲- اگر از فرمول مولکولی یک استر سه عاملی که اسیدهای چرب سازنده آن، یکسان هستند، ..... اتم کربن و ..... اتم هیدروژن کم کنیم و سپس شمار هر کدام از اتم‌های باقیمانده را بر عدد ۳ تقسیم کنیم، فرمول حاصل، نشان‌دهنده اسید چرب سازنده استر است. (گزینه‌ها را از راست به چپ بخوانید).

۲، ۳(۴)

۵، ۳(۳)

۲، ۶(۲)

۵، ۶(۱)

۱۷۳- به یک محلول اسیدی که حجم آن، ۴ لیتر و غلظت یون هیدرونیوم موجود در آن،  $۰/۲۵$  مولار است،  $۰/۸$  مول از اسید ضعیف  $\text{HA}$  که ثابت یونش آن  $۰/۰$  است، اضافه می‌کنیم. پس از برقاری تعادل، غلظت مولی اسید کدام است؟ (از افزایش حجم، چشم پوشی کنید).

۰/۱۲(۴)

۰/۱۶(۳)

۰/۱۸(۲)

۰/۱۵(۱)

۱۷۴- شکل‌های زیر واکنش دو قطعه نوار منیزیم یکسان را با محلول دو اسید متفاوت ( $\text{HA}$  و  $\text{HX}$ ) در دما و غلظت یکسان نشان می‌دهد. با توجه به آن، چه تعداد از عبارت‌های پیشنهادشده درست است؟



(a)

(b)

(آ) در هر دو واکنش گاز اکسیژن آزاد می‌شود.

(ب) غلظت یون هیدرونیوم در محلول ظرف (a) بیشتر است.

(ت) حجم گاز تولیدشده در محلول ظرف (b) کمتر است.

۴(۴)

۳(۳)

۲(۲)

۱(۱)

براساس مفاهیم مدل آرنیوس، چه تعداد از گونه‌های زیر، خاصیت بازی دارند؟

- فلز پتاسیم
- آهک
- گوگرد تری اکسید
- متانول
- باریم اکسید

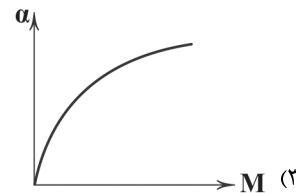
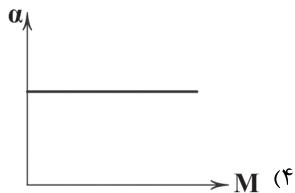
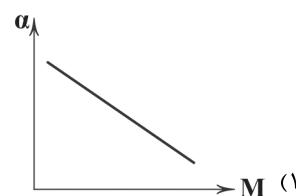
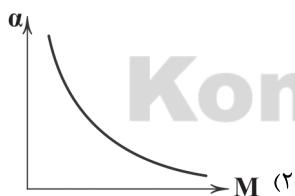
۲(۴)

۳(۳)

۴(۲)

۵(۱)

۱۷۵- کدام نمودار، رابطه میان درجه یونش و غلظت فورمیک اسید را به درستی نشان می‌دهد؟ (دما ثابت است).



محل انجام محاسبات



۱۷۷- در کدام از گزینه‌های زیر دو مخلوط آورده شده است. در کدامیک از آن‌ها، هر دو مخلوط نور را پخش می‌کنند؟

- (۱) مخلوط آب و روغن و کمی صابون - مخلوط آب و کمی شکر  
 (۲) شربت معده - شیر  
 (۳) مخلوط آب و اتانول - شربت خاکشیر  
 (۴) ضدیخ - مخلوط آب و کمی کات کبود

۱۷۸- رسانایی الکتریکی کدامیک از محلول‌های زیر بیشتر است؟

- (۱) محلول ۸٪ مولار هیدروسیانیک اسید  
 (۲) محلول ۵٪ مولار منیزیم نیترات

۱۷۹- در محلول اسید ضعیف HA، شمار مولکول‌های یونیده‌نشده اسید، ۳ برابر شمار بون‌های حاصل از یونش اسید است. درصد یونش این اسید کدام است؟

- (۱) ۱۴/۲۸  
 (۲) ۱۶/۶۶  
 (۳) ۷/۱۴  
 (۴) ۸/۳۳

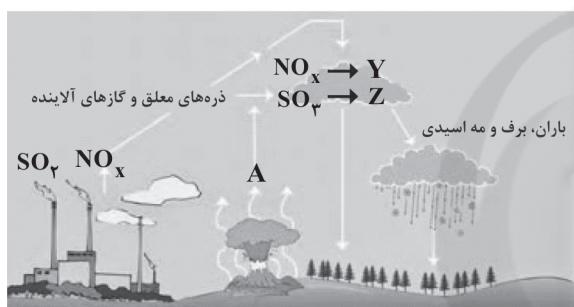
۱۸۰- در محلول ۷٪ مولار اسید HA، غلظت مولی یون هیدرونیوم، از لحاظ عددی ۷ برابر مقدار ثابت یونش این اسید است. مقدار ثابت یونش اسید در کدام گزینه آمده است؟

- (۱)  $1/42 \times 10^{-4}$   
 (۲)  $1/42 \times 10^{-3}$   
 (۳)  $1/25 \times 10^{-4}$   
 (۴)  $1/25 \times 10^{-3}$

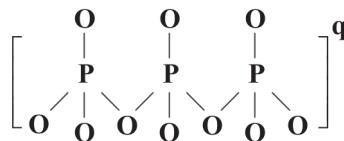
### شیمی (۱) (سوالات ۱۸۱ تا ۱۹۰)

#### زوج درس ۲

۱۸۱- شکل زیر روند تولید باران اسیدی را نشان می‌دهد، به جای A، Y و Z به ترتیب کدام فرمول‌های شیمیایی را می‌توان قرار داد؟



۱۸۲- اگر در یون زیر، همه اتم‌ها قاعده اوکتت را رعایت کنند، بار الکتریکی این یون (q) کدام است؟



۱-۲

۲-۳

۳-۴

۴-۵

۱۸۳- کدامیک از عبارت‌های زیر نادرست است؟

(۱) هلیم از واکنش‌های هسته‌ای در ژرفای زمین تولید می‌شود.

(۲) گوگرد با شعله آبی رنگ می‌سوزد.

(۳) آهن در ترکیب با اکسیژن دو نوع اکسید با فرمول‌های  $\text{FeO}$  و  $\text{Fe}_2\text{O}_3$  تولید می‌کند.

(۴) دما در انتهای لایه استراتوسفر به  $-7^{\circ}\text{C}$  می‌رسد.

۱۸۴- کدامیک از عبارت‌های زیر درست است؟

(۱) بخش قابل توجهی از فلزها در طبیعت به شکل اکسید بافت می‌شوند.

(۲) به آلومینیم اکسید ناخالص، بوکسیت و به سیلیسیم اکسید، سیلیس می‌گویند.

(۳) همه فلزها در برابر اکسیژن، اکسایش می‌یابند، اما فقط برخی از آن‌ها در شرایط مناسب با گاز اکسیژن می‌سوزند.

(۴) اتم عنصر کروم در ترکیب‌های خود همواره به صورت یکی از کاتیون‌های  $\text{Cr}^{3+}$  یا  $\text{Cr}^{2+}$  یافت می‌شود.

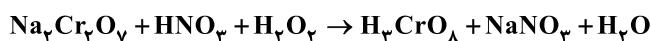


۱۸۵- کدام یک از عبارت‌های زیر درست است؟

- (آ) هر چه چگالی یک گاز کم‌تر باشد، زودتر از برج تقطیر جدا می‌شود.  
 (ب) اتمسفر مخلوطی از گازهای گوناگون است که تا فاصله حداقل ۲۰۰ کیلومتری از سطح زمین امتداد یافته است.  
 (پ) برای نامگذاری ترکیب‌های مولکولی حاصل از «N<sub>2</sub>» و «Cl<sub>2</sub>» و «F<sub>2</sub>» به ترتیب از پیشوندهای تنرا و تری استفاده می‌شود.  
 (ت) نقطه جوش هلیم، پایین‌تر از نقطه جوش سایر اجزای سازنده هواکره است.

(۱) آ» و «ب»      (۲) «ب» و «ت»      (۳) «آ» و «پ»      (۴) «ب» و «پ»

۱۸۶- در معادله واکنش زیر، پس از موازنی، تفاوت مجموع ضرایب واکنش‌دهنده‌ها با مجموع ضرایب فراورده‌ها کدام است؟



(۱) صفر      (۲) ۱      (۳) ۲      (۴) ۳

۱۸۷- درصد فراوانی کدام یک از گازهای نجیب زیر در هوای پاک و خشک بیشتر است؟

(۱) هلیم      (۲) نيون      (۳) کربپتان      (۴) زنون

۱۸۸- از واکنش ۲ مول کروم (VI) اکسید با ۷ مول آب اکسیژنه، ۲ مول پرکرومیک اسید و ۴ مول آب تولید می‌شود. هر واحد فرمولی از پرکرومیک اسید دارای چند اتم است؟

(۱) ۹      (۲) ۱۰      (۳) ۱۱      (۴) ۱۲

۱۸۹- نمونه‌ای از هوای مایع با دمای C = ۲۰۰° - تهیه شده است که شامل نیتروژن، اکسیژن و آرگون است. اگر به تدریج دمای هوای مایع را افزایش دهیم، ابتداء گاز A، سپس گاز X و در نهایت گاز D جدا می‌شود. فراوانی کدام گازها در هواکره بیشتر و کم‌تر از دو گاز دیگر است؟ (گزینه‌ها را از راست به چپ بخوانید).

X , A (۱)      A , D (۲)      X , D (۳)      A , D (۴)

۱۹۰- در چه تعداد از گونه‌های زیر، نسبت شمار الکترون‌های ناپیوندی به شمار الکترون‌های پیوندی، حداقل برابر ۲ است؟



(۱) ۴      (۲) ۳      (۳) ۲      (۴) ۱

# سایت کنکور

# Konkur.in

دفترچه شماره ۱

آزمون شماره ۱۴

جمعه ۱۴۰۰/۰۵/۲۹



# آزمودهای سراسری کاج

گزینه درست را انتخاب کنید.

سال تحصیلی ۱۴۰۰-۱۴۰۱

## آزمون عمومی

### پایه دوازدهم ریاضی و تجربی

دوره دوم متوسطه

شماره داوطلبی:	نام و نام خانوادگی:
مدت پاسخگویی: ۶۰ دقیقه	تعداد سوالاتی که باید پاسخ دهید: ۸۰

عنوانین مواد امتحانی آزمون عمومی گروههای آزمایشی علوم ریاضی و علوم تجربی، تعداد سوالات و مدت پاسخگویی

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سوال	شماره سوال		مدت پاسخگویی
			تا	از	
۱	فارسی ۲	۲۰	۱	۲۰	۱۵ دقیقه
۲	زبان عربی ۲	۲۰	۲۱	۴۰	۱۵ دقیقه
۳	دین و زندگی ۲	۲۰	۴۱	۶۰	۱۵ دقیقه
۴	زبان انگلیسی ۲	۲۰	۶۱	۸۰	۱۵ دقیقه



## فارسی



DriQ.com

- در کدام گزینه به معنی درست واژه‌های «پالیز - نکبتبار - صبحات - بالبهاده» اشاره شده است؟
- (۱) جالیز - شوم - زیبایی - ارتجالاً
  - (۲) بیابان - نحس - سفیدی رنگ انسان - نواوارانه
  - (۳) گلزار - فلاکتآمیز - سحرخیزی - بی‌تأمل
  - (۴) باغ - دردآور - خوب رویی - بدون اندیشه قبلي
- معنی چند واژه در روبه روی آن نادرست نوشته شده است؟
- «انکار: نفی کردن / جولان: تاخت و تاز / تابناک: نورانی / باره: اسب / برگ: توشه و هر چیز مورد نیاز / رحیل: پاک / راهوار: راهنمای / ستراگ: حیله‌گر»
- (۱) چهار
  - (۲) سه
  - (۳) دو
  - (۴) یک
- در متن زیر چند غلط املایی وجود دارد؟
- «اکنون هم چنان که بر من واجب است، رعایت و حمایت شما کردن، شما را هم لازم است طاعت و متابعت من ورزیدن تا من جناح رأفت و مهربانی بر شما گسترانم و سلامت، قرین حال شما گردانم و هر کجا از وحش جراحت وحشتی نشسته، به مرحم لطف التیام فرمایم و اگر شما را هوای شیطانی با او استکبار در آتش عصیت شما دمدم تا از فرمان ما ابا کنید، به غضب و قهر بنیاد شما برافکنیم.»
- (۱) چهار
  - (۲) سه
  - (۳) دو
  - (۴) یک
- در کدام بیت‌ها غلط املایی وجود دارد؟
- الف) بی‌اندازه زایشان گرفتار شد  
ب) زساز جسم هزار انفعال می‌گذرد  
ج) هلو و اتحاد این جا محال است  
د) آب نیل است و به غبطی خون نمود
- (۱) الف - ب
  - (۲) ج - د
  - (۳) ب - ج
  - (۴) ب - د
- کتاب «هم صدا با حلق اسماعیل» از آثار کدام شخصیت ادبی است؟
- (۱) سید ضیاء الدین شفیعی
  - (۲) حمید سبزواری
  - (۳) قیصر امین پور
  - (۴) سید حسن حسینی
- اگر بخواهیم ایيات زیر را به ترتیب داشتن آرایه‌های «ایهام تناسب - تضاد - کنایه - پارادوکس - استعاره» مرتب کنیم، کدام گزینه درست است؟
- الف) گردن کشی به سرو سرافراز می‌رسد  
ب) هر چند بی‌صداست چو آیینه آب عمر  
ج) یعقوب چشم باخته را یافت عاقبت  
د) آن روز می‌شویم ز سرگشستگی خلاص  
ه) خون گریه می‌کند در و دیوار روزگار
- (۱) ج - د - الف - ب - ه
  - (۲) ه - ب - د - ج - الف
  - (۳) ب - د - ج - الف - ه
  - (۴) ب - ج - ه - الف - ب - ه
- در کدام گزینه همه آرایه‌های «استعاره - واج آرایی - حسن تعلیل - تشبيه» وجود دارد؟
- (۱) علاقه‌ام ز تو نگستته وز حیات بریده
  - (۲) لبست به روی کسی وانمی‌شود به تبسم
  - (۳) اگر ز درد اسیران خویشتن نشد آگه
  - (۴) ز درس و بحث چو کیفیتی نیافت، بجا بود

- ۸ آرایه‌های درج شده در برابر همه گزینه‌ها درست است، به جز ..... .

پس چرا هر دم ز جای خود جهد باد صبا؟: حسن تعلييل - استعاره  
در نخستين دست نقد دين و دل در باختيم: تشبيه - ايهام تناسب  
تا شنیدم بوی یوسف از گریبان سخن: حس آميزی - جناس  
سيلاپ سرشک آمد و طوفان بلا رفت: ايهام - اغراق  
+ « وجود دارد، بهجز ..... .

- ۱) گر دماغ باغ نیز از بوی او آشفته نیست
  - ۲) تا به شترنج نظر با آن دو رخ بردیم دست
  - ۳) دیده‌ام چون پیر کنعان شد سفید از انتظار
  - ۴) دور از رُخ او دمَدِم از گوشَهٔ چشم

جان و روان تو منم سوی دگر روان کنی  
می کند آب گوارا را گران استادگی  
یا رخ بپوش از مردمان، یا مردم آزاری مکن  
حون، کند آب روان از خود جدا نجعه!؟

- ۱) کژ بنشین و راست گو راست بود سزا بود
  - ۲) راحت منزل بود بر رهنوردان سنگ راه
  - ۳) از روی زیبا سرکشی نیکو نیاید، دلبرا
  - ۴) ساها شد با گفتار، به هم بحدهاهم

«یکی از خصوصیات بارز عصر لویی چهاردهم در فرانسه این بود که مردم اشتیاق بسیاری به تماشای حقایق تلخ زندگی پیدا کردند. این علاقه باعث شد تا رشته‌ای پایان ناپذیر از انواع تئاتر به وجود آید.»

- ۱) شش ۲) پنج ۳) هشت ۴) هفت  
در همه گزینه‌ها ساختار «صفت لیاقت» وجود دارد، به حز ..... .

ان در غم و سوگواری بسیار از این گلزار «صائب» فکر دامن چیدنی دارد معنی صد خیر و شر از یک ورق دفتر جبین هه صحیح یک ده نغمه؛ «صائب» شنیدند. است

- ۱) اگر ماندنی شد جهان بر کسی
  - ۲) نمی ارزد به زخم خار و خس گل های سیرابش
  - ۳) در دبیرستان نیرنگ تعلق خواندنی است
  - ۴) هند د.س. عشقه : تعلیم فاغ است

«خاله‌ام با همه تمکنی، که داشت، به زندگی، درو بشانه‌ای، قناعت کرده بود، نه از بخل بلکه از آن جهت که به بیشتر از آن احتیاج نداشت.»

قطرہ آبی اگر ہم چون گھر می داشتم  
در پوسٹت می فتیںند گدای برہنہ را  
دگر نگشت دل ما به هیچ در محتاج  
حگ کیست کہ خون: نیست: است غناش؟

- ۱) می‌کشیدم پای استغنا به دامان صدف
  - ۲) پوشیده دار فقر که سگ سیرستان دهر
  - ۳) از آن زمان که به دولت‌سرای فقر رسید
  - ۴) نه همس: خمه: شفقة: د: حگ: خمه: شدست

کدام گزینه باست «مگه ساخت جان من از فقط عše / خممش است ها، اهل شط عše» تقابا معنای دارد؟

عرض علم موشکافی‌ها به عرض ریش نیست  
خموشی پیشه کن گر می‌بنوشی  
می‌شکافد سنگ را از شوچشمی این شرار  
جنانک هنف زدن دار از گردانید

- (۱) مبحث عشق است ای زاهد خموشی پیشه کن

(۲) وصالم حاصل است اندر خموشی

(۳) صحبت عشق و خموشی در نمی‌گیرد به هم

(۴) فراموشی داشت

شائی ایمان: مرا بده که خود را بده، ای عزیز مشتقت اله و نذرفت.

کشتی تدبیر در موج رضا افتاده است  
خطاب آمد که واثق شو به الطاف خداوندی  
تا هست نفس فکر محالی است توگل

- ۱) گوهر امید ما قعر توگل کرده ساز
  - ۲) سحر با باد می‌گفتم حدیث آرزومندی
  - ۳) از طینست امواج تردند نتوان برد
  - ۴) دلار از خاله بگزند و خاطم می‌شود



۱۵- مفاهیم «احترام به حقوق دیگران - طلب عنایت - خدمت به همنوع - مناعت طبع - نکوهش تزویر» به ترتیب از کدام گزینه دریافت می‌شود؟

به کس راحت‌رسان بی‌عوض، چون بادزن باشی  
گردد نفاق دل‌ها بر چهره‌ها نشسته  
کسی را قادر مشکن گر نخواهی کم‌بها گردی  
که از سراب جز آب بقانمی خواهم  
نسیمی از سر زلف نگار می‌خواهم

(۴) ج - ه - ۴

(۳) ج - الف - ه - ۵

(۲) ب - ه - ۵ - ج - الف

(۱) ب - ه - ج - ۵ - الف

- الف) به خلق احسان کن و چشم از تلافی پوش، می‌باید  
ب) اهل جهان، نهانشان یک‌رنگ آشکار است  
ج) خدنگ طعنه دائم سوی تیرانداز برگردد  
د) چنان به راه طلب همتمن بلند بود  
ه) غبار اخگر دل را به آب نتوان برد

۱۶- مفهوم کدام گزینه با عبارت «آل‌عبدُّ يَدِّبُّ وَ اللَّهُ يَقْدِّرُ» متناسب نیست؟

سپر پیش بسای آسمانی را نمی‌گیرد  
جوشن حجاب، تیغ قضای برهنه را  
قصیر خود حواله به تقدير می‌کنی؟  
می‌شود قلاب محکم‌تر چو ماهی می‌تپد

۱۷- کدام گزینه با بیت «چه جانانه چرخ جنون می‌زنند / دف عشق با دست خون می‌زنند» تناسب معنایی بیشتری دارد؟

کم‌تر از پروانه بودن کم‌ترین کاری بود  
گر سیل سرشکم اثری داشته باشد  
گر زان که رحمتی نکنی بر جوانی ام  
بر گدایان هم‌چنان باشد که شاهی بگذرد

۱۸- کدام گزینه با بیت «خواستم از رنجش دوری بگویم، یادم آمد / عشق با آزار خویشاوندی دیرینه دارد» تناسب معنایی ندارد؟

گرچه مويی نیست بی مهر تو بر اندام من  
که در طریقت ما کافری سست رنجیدن  
جانا چه کنم گر نکشم بار جفايت؟  
از بسلا و رنچ و محنت وارهید

۱۹- کدام گزینه با مفهوم بیت «ای مرغ سحر عشق ز پروانه بیاموز / کان سوخته را جان شد و آواز نیامد» متناسب است؟

جز پریشانی نکرد از ناله بی‌تاب‌گل  
کز تبسم جمع دارد با شراب ناب‌گل  
از چراغ کشته این جا می‌کند آداب‌گل  
از طراوت خانه دارد در ره سیلاب‌گل

زشت با آینه چون شد چهره، رسوا می‌شود  
چو چشم آینه در خوب و زشت حیرانم  
جز بر آینه عیب زشتی خویش  
زشت از دیدن آینه ملالی دارد

- ۱) به تدبیر از قضای حق میسر نیست جان بردن  
۲) بگشاگره ز جیهه که هرگز نمی‌شود  
۳) کم کرده‌ای گناه، که در وقت بازخواست  
۴) دل عبت چندین ز تقدیر الهی می‌تپد

- ۱) گر ببینم شمع رویش جان دهم پروانه‌وار  
۲) مستانه رود سرزده تا بر سر آن کوی  
۳) با صد دریغ، جان به جوانی دهم به باد  
۴) گر به کوی عاشقان آن ماه گاهی بگذرد

- ۱) یک سر مو از تو سر تا پایم آسایش ندید  
۲) وفا کنیم و ملامت کشیم و خوش باشیم  
۳) چون هست وفا شیوه عشق بلاکش  
۴) هرکه از خلق جهان عزلت گزید

۲۰- کدام گزینه مفهوم متفاوتی دارد؟

- ۱) چون نگرداند رخ از تیغ شهادت مرده‌دل؟  
۲) مرا به رد و قبول زمانه کاری نیست  
۳) زشت ننهاد ز بدسرشته خویش  
۴) دل زاهد نشود صاف به صوفی «صائب»



## ■ عَيْنُ الْأَصْحَّ وَالْأَدْقَ فِي الْجَواب لِلتَّرْجِمَة أَو التَّعْرِيف أَو المَفْهُوم (٢١ - ٢٧):

٢١- «وَمِنْ آدَابِ الْكَلَامِ أَنْ تَسْتَفِيدَ كَلَامًا لِيَنْتَهِيَ إِلَيْهِ عَلَى عَقْوَلِ الْآخَرِينَ لَكِ يُقْنَعُهُمَا»:

١) وَازْ آدَابِ سُخْنِ آنِ است که از سخنی نرم استفاده کنی تا بر خرد های دیگران تأثیر بگذارد و آن ها را قانع کند!

٢) وَازْ آدَابِ كَلَامِ استفاده از سخن نرم است که بر خرد دیگران تأثیرگذار باشد تا آن ها را قانع کند!

٣) وَازْ آدَابِ سُخْنِ است که از کلامی نرم بهری که بر دیگران اثر می گذارد تا قانعشان کنی!

٤) وَازْ آدَابِ سُخْنِ است که سخنی نرم را به کار ببری که بر خرد های دیگران اثر می گذارد تا آن ها را قانع کند!

٢٢- «تَلْكَ مَنْطَقَةٌ تَعْصُفُ فِيهَا رِبَاحٌ شَدِيدٌ دَائِمًا فَتَكْسِرُ غَصُونَ الْأَشْجَارِ وَتَنْقِلُهَا إِلَى مَكَانٍ بَعِيدٍ!»:

١) آن منطقه های است که در آن همواره بادهای شدیدی می وزد، پس شاخه های درختان را می شکند و آن ها را به جای دوری می برد!

٢) در آن منطقه همواره بادهایی شدید می وزد که شاخه های درختان را می شکند و آن ها را به جای دور منتقل می کنند!

٣) آن منطقه بادهای دائمی شدیدی دارد، پس شاخه های درختان شکسته و به مکان دوری منتقل می شود!

٤) آن منطقه های است که بادهای شدید دائماً در آن می وزد، پس شاخه های درختان را شکسته و به مکان دور منتقل می کنند!

٢٣- «لَا تَسْتَشِرِ الْكَذَابَ فِإِنَّهُ كَالْسَرَابِ يُقْرَبُ عَلَيْكَ الْبَعِيدُ وَيُبَعَّدُ عَلَيْكَ الْقَرِيبُ!»:

١) با بسیار دروغگو مشورت نکن، زیرا او دور را به تو نزدیک می کند و نزدیک را از تو دور می کند!

٢) نباید با بسیار دروغگو مشورت کرد، زیرا هم چون سراب است؛ دور را به تو نزدیک می سازد و نزدیک را از تو دور می کند!

٣) با بسیار دروغگو مشورت مکن، زیرا او هم چون سراب است؛ دور را به تو نزدیک می کند و نزدیک را از تو دور می سازد!

٤) با بسیار دروغگو مشورت نکن، زیرا او هم چون سراب است؛ دور را نزدیک می کند و نزدیک را دور می سازد!

٢٤- عَيْنُ الصَّحِيحِ:

١) أَحَبَّ إِنْسَانًا لَا يَخْافُ النَّاسَ مِنْ لِسَانِهِ وَيَدِهِ! مَحْبُوبُهُمْ إِنْسَانٌ كَسِيٌّ اسْتَكْنَى كَهْ مَرْدَمٌ ازْ زِبَانٍ وَدَسْتَشَنْ نَمِيْ تَرْسَنْدَا!

٢) مَا عَرَفَ رَجُلًا يُسَاعِدُ الْفَقَرَاءِ! مَرْدِي رَا شَنْتَاخْتَمْ كَهْ فَقِيرَانْ كَمَكْ مِيْ كَنْدَا!

٣) إِنَّ مِنْ شَرِّ عِبَادِ اللَّهِ مَنْ تَكَرَّهَ مَعْجَلَسِتَهُ لِفَحْشَهِ! هَمَانَا ازْ بَدْرِينْ بَنْدَگَانْ خَدَا كَسِيٌّ اسْتَكْنَى كَهْ هَمَنْشِينِي باَوْ بَهْ خَاطِرَ گَفَّارَ وَكَرَدارَ زَشِيشَ نَاپِسَنْدَ دَاشْتَهَ مِيْ شَوْدَا!

٤) اللَّهُمَّ إِنِّي أَعُوذُ بِكَ مِنْ عِلْمٍ لَا يَنْفَعُ النَّاسَ! خَدَايَا هَمَانَا مِنْ بَهْ تَوْ پَنَاهَ مِيْ بَرَمْ ازْ عَلَمِي كَهْ مَرْدَمٌ ازْ آنِ سُودَ نَبِرَنَدا!

٢٥- «يَحْبُّ أَنْ لَا نُسْمِحَ لَكُمْ أَنْ تَغْيِبُوا عَنِ الْامْتِحَانِ وَأَنْ تُؤْخِلُوهُ الْامْتِحَانَ لِمَدَّةِ أَسْبُوعٍ وَاحِدٍ!»:

١) لازم است به شما اجازه داده نشود که در امتحان غیبت کنید و امتحان را به مدت یک هفته به عقب بیندازید!

٢) نباید به شما اجازه دهیم که در امتحان غیبت کنید و امتحان را به مدت یک هفته به تأخیر بیندازید!

٣) نباید با شما موافقت کنیم که در امتحانات غیبت کنید و این که آن را به مدت یک هفته عقب بیندازید!

٤) به شما اجازه نمی دهیم که در امتحان حاضر نشوید و امتحان را به مدت یک هفته به تأخیر بیندازید!

٢٦- «اَمْرُوْزَ كَيْفَيْ خَرِيدَمْ كَهْ آنَ رَا درْ بازارِ قَبْلًا دَيْدَه بُودَمَا!»؛ عَيْنُ الصَّحِيحِ:

١) الْيَوْمِ إِشْتَرِيتِ الْيَوْمِ حَقِيقَيْه شَاهِدَتَهَا سَابِقًا فِي السَّوقِ سَابِقًا!

٤) إِشْتَرِيتِ الْيَوْمِ حَقِيقَيْه مِنَ السَّوقِ رَأَيْتَهَا سَابِقًا!

٢٧- عَيْنُ الْخَطَأِ فِي الْمَفْهُومِ «فَكَرْ ثُمَّ تَكَلَّمْ تَسْلِمْ مِنَ الرَّزَلِ!»:

١) سخندان پروردہ پیر کهن / بینداشید آن گه بگوید سخن

٤) تا مرد سخن نگفته باشد / عیب و هنر ش نهفته باشد

٣) سخن کان از سر اندیشه ناید / نوشتن را و گفتن را نشاید

**■■ إقرأ النص التالي بدقة ثم أجب عن الأسئلة التالية بما يناسب النص (٣٢ - ٣٢):**

أظهرت دراسة علمية حديثة أنَّ الذين يقصدون إخفاء الحقائق أو تغييرها، يشعرون في البداية بالإزعاج (ناراحتى) من أنفسهم لكنَّ هذا الشعور يتلاشى تدريجياً مع قول الأكاذيب المتتالية. وهذا الشعور بالإزعاج ينتجه جزء من الدماغ (مغر) حين يقول المرء ما هو خلاف للحقيقة، ولكن يتوقف إنتاجه حين يتعود الإنسان على هذه الحالة فالاكاذيب تكبر أكثر فأكثر و تختفي محاسبة النفس عليهما. وفيما يرتبط بكلِّ أنواع الكذب، يقول الكاذبون إنَّهم بدوا بكميات صغيرة ثمَّ وصل الأمر إلى ما هو أعظم!

- «الشعور بالإزعاج .....»؛ عيّن الصحيح:

٢) يظهر عندما يقوم الشخص بقول كذب لأول مرّة!

٤) يكثر حين يتعود الإنسان على الكذب!

١) يشاهد عند من يكذب كثيراً!

٣) حالة يقصد الأفراد أن يكتموها دائمًا!

- عيّن الخطأ:

٢) من لا يحاسب نفسه يغرق في الخطايا!

١) من الناس من يحرّفون الحقائق لمصلحتهم!

٤) لا يوجد في الإنسان ما يمنعه من ارتكاب الذنب!

٣) تبدأ جرائم الإنسان بالخطايا الصغيرة!

- عيّن الأبعد عن مفهوم النص:

٢) الكذب يجرِّ الكذب!

١) إنَّ الكذب مفتاح لكلِّ شرٍّ!

٤) من يكذب يسرق!

٣) حبل الكذب قصير!

**■ عيّن الصحيح في الإعراب والتحليل الصرفي (٣١ و ٣٢):**

- «يتوقف»:

١) فعل مضارع - للغائب - مصدره: توقف - لازم / فعل مع فاعله و الجملة فعلية

٢) فعل مضارع - مزيد ثلثي (ماضيه: توقف) - مجهول / فعل و فاعله محذوف

٣) للغائب - مزيد ثلثي - مصدره: توقيف - متعدٌ / فعل و فاعله «إنتاج» و الجملة فعلية

٤) فعل مضارع - للغائب - مزيد ثلثي من وزن «تفعل» - معلوم / فعل و مفعوله «إنتاج»

- «أعظم»:

٢) مفرد مذكر - جمعه: أعظم - نكرة / صفة

١) اسم - مفرد مذكر - على وزن «أفعَل» / صفة

٤) مفرد مذكر - مؤنثه: عظيم - معرفة / خبر

٣) اسم - مفرد مذكر - نكرة / خبر

**■ عيّن المناسب في الجواب عن الأسئلة التالية (٤٠ - ٤٣):**

- عيّن الخطأ في ضبط حركات الكلمات:

٢) يجب أن تكون عاملاً بما تقول!

١) الذي لا يتكلّم لا يُعرف شأنه!

٤) في بعض الأوقات قدرة الكلام أقوى من السلاح!

٣) على المتكلّم أن يدعو المخاطبين بكلام جميل!

- عيّن ما ليس فيه التضاد:

٢) إذا تم العقل نقص الكلام!

١) أتقى الناس من قال الحق في ما له و عليه!

٤) العلم نور و ضياء يقذفه الله في قلوب أوليائه!

٣) إنَّ الكذاب يقرب إليك البعيد و يبعد عنك القريب!

- عيّن «اللام» تبيّن السبب:

١) ليستمع التلاميذ إلى الدرس في الصّفّ جيداً!

٢) أسرع لتناول العشاء ثمَّ نذهب سريعاً!

٣) لنعتبر بتجارب الآخرين في حياتنا!

٤) إنَّ أحدَ أهلِ بيته يهتمُ إلى الصراط المستقيم فليتبع القوانين!



**٣٦- عین ما يعادل المضارع الالزامي مِن حيث المعنى:**

- ٢) وَرَعَ الأَسْتَاذُ عَلَى الطَّلَابِ أُوراقَ الْإِمْتَحَانِ!  
٤) لَنْ نُسْتَطِعُ الْحُضُورَ فِي الْإِمْتَحَانِ فِي الْوَقْتِ الْمُحَدَّدِ!

١) فَكَنْ صَادِقًا مَعَ نَفْسِكَ وَمَعَ الْآخِرِينَ فِي الْحَيَاةِ!

٣) عَلَيْنَا أَنْ تُحَاولَ لِنُنْجِحَ فِي أَمْرَنَا!

**٣٧- عین فعلاً يعادل الماضي الاستمراري في الفارسيّة:**

- ٢) شَاهِدْتُ رَجُلًا فِي الْفِيَافِةِ يَفْتَخِرُ بِمَلَابِسِهِ وَبِمَظَاهِرِهِ!  
٤) كَانَ الرَّازِيرُ لَبِتَ ثَلَاثَةِ أَيَّامٍ فِي الْمَدِينَةِ الْمُنَوَّرَةِ!

١) فِي الْقُرْآنِ الْكَرِيمِ إِشَارَاتٌ عَلَمِيَّةٌ قَدْ اكْتَشَفُهَا الْعُلَمَاءُ الْمُسْلِمُونَ!

٣) أَجْتَنَبْ دَائِمًا عَنْ ذِكْرِ أَقْوَالِ فِيهَا احْتِمالُ الْكَذْبِ!

**٣٨- عین الوصف في الجملة:**

- ٢) الْعَالَمُ حَيٌّ وَإِنْ كَانَ مَيِّتًا!  
٤) هُؤُلَاءِ طَالِبَاتِ مجْتَهِدَاتٍ شَارَكْنَ فِي الْحَفْلَةِ!

١) مَنْ يُحاوِلُ كَثِيرًا يَصِلُّ إِلَى هَدْفِهِ!

٣) مَنْ أَنْفَقَ مِنْ أَمْوَالٍ طَيِّبَةٍ فِي سَبِيلِ الْحَقِّ نَجَّا!

**٣٩- عین فعلاً يعادل الماضي الاستمراري في الفارسيّة:**

- ٢) فَكَسَّنَتْ عَنْ مَعْجِمٍ يَسْاعِدُنِي فِي فَهْمِ النَّصوصِ.  
٤) كَانَ التَّلَمِيذُ قدْ نَسِيَ كِتَابَهُ فِي الْمَنْزِلِ.

١) مِنْ خَافِ النَّاسِ مِنْ لِسانِهِ فَهُوَ جَاهِلٌ.

٣) لَا تَتَدَخَّلُ فِي مَوْضِعٍ تُعَرَّضُ نَفْسَهَا لِلتَّهَمَّ.

**٤٠- عین الصحيح عن الكلمات التي تحتها خط:**

- ١) وَجَدْتُ بِرَنَامِجًا يُسَاعِدُنِي عَلَى تَعْلِمِ الْلُّغَةِ الْعَرَبِيَّةِ! (مفعول - مضارف إليه)  
٢) عَصَفَتْ رِياحٌ شَدِيدَةٌ خَرَّبَتْ بَيْوَتَ الْفَقَرَاءِ! (الجمع المكسر - صفة)  
٣) لَا تَقْلِ مَا لَا تَعْلَمُ، بَلْ لَا تَقْلِ كُلَّ مَا تَعْلَمُ! ( فعل النهي - المضارع المنفي)  
٤) سَافَرْنَا إِلَى قَرِيَّةٍ تَجَذَّبَ السَّيَاحُ مِنْ كُلِّ الْعَالَمِ! (مفعول - مضارف إليه)

# سایت کنکور

# Konkur.in



## دین و زندگی



- حدیث شریف «کلمة لا اله الا الله حصنی فمن دخل حصنی آمن مِنْ عذابی؛ بِشَرُوطِهَا وَأَنَا مِنْ شروطها» به چه نامی مشهور است و علت این نامگذاری چیست؟

۱) سلسلة الذهب (زنجرة طلابی) - توالی و پشت سر هم آمدن اسمی امامان در آن

۲) سلسلة الذهب (زنجرة طلابی) - اشاره به اهمیت ولایت امام معصوم در آن

۳) ثقلین - توالی و پشت سر هم آمدن اسمی امامان در آن

۴) ثقلین - اشاره به اهمیت ولایت امام معصوم در آن

- مطابق دیدگاه امام علی (ع)، «توفيق در پیروی از قرآن کریم» مشروط به کدام امر است؟

۱) شناخت پشتکنندگان به صراط مستقیم

۲) تشخیص عهده‌شکنان با قرآن کریم

۳) تشخیص فراموش‌کنندگان قرآن کریم

۴) شناخت صحیح قرآن کریم

- کدام گزینه در توصیف حاکمیت بنی عباس نادرست می‌باشد؟

۱) خود را از عموزادگان پیامبر (ص) می‌دانستند و به نام اهل بیت (ع)، قدرت را از بنی امیه گرفته بودند.

۲) روش سلطنتی بنی امیه را ادامه دادند.

۳) اگر تحول معنوی و فرهنگی ایجاد شده در عصر پیامبر (ص) و دو میراث گران قدر آن حضرت - قرآن کریم و ائمه اطهار (ع) - نبود، جز نامی از اسلام باقی نمی‌ماند.

۴) کمتر از بنی امیه به ظلم و ستم به اهل بیت پیامبر (ص) پرداختند.

- با توجه به آیه شریفه «وَ مَا مُحَمَّدٌ إِلَّا رَسُولٌ قَدْ حَلَّتْ مِنْ قَبْلِهِ الرُّسُلُ أَفَإِنْ مَاكَمْ أَوْ قُبِّلَ اتَّقْلِبَتْ عَلَىٰ أَعْقَابِكُمْ وَ مَنْ يَنْقَلِبْ عَلَىٰ عَقِبِيهِ فَلَنْ يَضُرَّ اللَّهُ شَيْئًا وَ سَيَجْزِي اللَّهُ الشَّاكِرِينَ»، کدام یک از پیامهای زیر به درستی برداشت شده است؟

۱) اولین چیزی که از مؤمنان به منظور اثبات سپاسگزاری ایشان انتظار می‌رود، قبول پیوستگی رسالت انبیا است.

۲) سپاسگزاران واقعی نعمت رسالت پس از رحلت رسول خدا، کسانی هستند که در مسیری که پیامبر اکرم (ص) ترسیم کرده باقی بمانند و از تفرقه و اختلاف بپرهیزند.

۳) مهم‌ترین خطر برای جامعه اسلامی، بارگشت به دوران جاهلیت و پشت پا زدن به معیارها و ارزش‌های اسلامی است.

۴) حضرت محمد (ص) فرستاده خدا و کامل‌کننده دعوت انبیا و رسولان است.

- وارد شدن سلیقه‌های شخصی به احکام دین، ناشی از کدام یک از پیامدهای ممنوعیت از نوشتن احادیث پیامبر (ص) بود و کدام نتیجه نامیمون را به دنبال داشت؟

۱) ایجاد زمینه جعل و تحریف احادیث و خودداری از نقل آن‌ها - گمراهی مسلمین

۲) ایجاد زمینه جعل و تحریف احادیث و خودداری از نقل آن‌ها - اشتباهات بزرگ

۳) محروم شدن مردم و محققان از یک منبع مهم هدایت - اشتباهات بزرگ

۴) محروم شدن مردم و محققان از یک منبع مهم هدایت - گمراهی مسلمین

- در چه صورت می‌توانیم پیرو حقیقی امامان معصوم خود باشیم؟

۱) بداییم که شیعه بودن تنها به اسم نیست.

۴) اسم شیعه را با عمل صالح همراه کنیم.

۳) حداقل سبب بدینی دیگران نسبت به تشیع نشویم.

- نظام حکومت اسلامی بر مبنای کدام اصل طراحی شده بود و آیا پس از رحلت پیامبر (ص) این نظام تحقیق یافت؟

۱) امامت - بلی

۲) عدالت - خیر

۳) امامت - خیر

۴) عدالت - بلی



- ۴۸- منشأ پیدایش سوال‌های مختلف در زمینه‌های احکام، اخلاق، افکار و نظام کشورداری، کدام عامل بود و فراهم آمدن کتاب‌های بزرگ حدیثی در کتاب سیره پیامبر (ص) و قرآن کریم، از ثمرات کدام اقدام ائمه اطهار (ع) در راستای مرجعیت دینی ایشان است؟

(۱) گسترش سرزینه‌های اسلامی - حفظ سیره و سخنان پیامبر (ص)

(۲) گسترش سرزینه‌های اسلامی - تبیین معارف اسلامی متناسب با نیازهای نو

(۳) توسعهٔ تشیع در سطح جهان - تبیین معارف اسلامی متناسب با نیازهای نو

(۴) توسعهٔ تشیع در سطح جهان - حفظ سیره و سخنان پیامبر (ص)

- ۴۹- «ورود جاهلیت با شکلی جدید به زندگی اجتماعی مسلمانان»، بازتاب ..... بوده است که ثمره آن ..... می‌باشد.

(۱) ارائه الگوهای نامناسب - تبدیل جامعه مؤمن و فدایکار عصر پیامبر اکرم (ص) به جامعه‌ای راحت‌طلب، تسلیم و بی‌توجه به سیره نبوی

(۲) تبدیل حکومت عدل نبوی به سلطنت - تبدیل جامعه مؤمن و فدایکار عصر پیامبر اکرم (ص) به جامعه‌ای راحت‌طلب، تسلیم و بی‌توجه به سیره نبوی

(۳) تبدیل حکومت عدل نبوی به سلطنت - منزوی شدن شخصیت‌های اصلی اسلامی و جایگاه یافتن افراد به دور از معیارهای اسلامی در اندیشه و عمل

(۴) ارائه الگوهای نامناسب - منزوی شدن شخصیت‌های اصلی اسلامی و جایگاه یافتن افراد به دور از معیارهای اسلامی در اندیشه و عمل

- ۵۰- با تشبيه رفتار امامان بزرگوارمان در گذر ۲۵۰ سال پس از رحلت پیامبر (ص) به یک انسان، کدام‌یک از اقدامات آن‌ها را مؤکد ساخته‌ایم و حرکت آن‌ها دارای کدام ویژگی است؟

(۱) تبیین معارف اسلامی متناسب با نیازهای نو - وحدت رویه

(۲) انتخاب شیوه‌های درست مبارزه - وحدت رویه

- ۵۱- ائمه اطهار (ع) می‌کوشیدند آن بخش از اقدامات و مبارزات خود را که دشمن به آن حساسیت داشت، در قالب ..... پیش ببرند و علت استفاده از این روش ..... بود.

(۱) مبارزه - خشونت و ستمگری حاکمان بنی‌امیه و بنی‌عباس و به شهادت رساندن شیعیان ائمه (ع)

(۲) مبارزه - یک‌دست نبودن مسیر حرکت ایشان به سمت مقصد

(۳) تقیه - یک‌دست نبودن مسیر حرکت ایشان به سمت مقصد

(۴) تقیه - خشونت و ستمگری حاکمان بنی‌امیه و بنی‌عباس و به شهادت رساندن شیعیان ائمه (ع)

- ۵۲- اسلام آوردن ابوسفیان تحت چه شرایطی صورت پذیرفت و کدام خلیفة غاصب، احکام الهی را به سخره می‌گرفت و آشکارا شراب می‌نوشید؟

(۱) اسلام آوردن به ظاهر به واسطه عده‌ای از علمای یهودی و مسیحی (اهل کتاب) - یزید

(۲) اسلام آوردن به ظاهر به واسطه عده‌ای از علمای یهودی و مسیحی (اهل کتاب) - معاویه

(۳) تسلیم شدن به ناجار در فتح شهر مکه توسط مسلمانان، دو سال پیش از رحلت پیامبر - یزید

(۴) تسلیم شدن به ناجار در فتح شهر مکه توسط مسلمانان، دو سال پیش از رحلت پیامبر - معاویه

- ۵۳- نتیجه این‌که امامان هر فرصتی را برای بیان رهنمودهای قرآن کریم مغتنم می‌شمرند چه بود؟

(۱) مشتاقان معارف قرآنی توانستند از این کتاب الهی بهره ببرند.

(۲) ارزش قرآن کریم در میان انبوه تحریفات علمای اهل کتاب برای تمام مسلمین حفظ شد.

(۳) الفاظ قرآن دچار تحریف یا کم و زیاد نشد.

(۴) آن‌گاه که حاکمان قرآن را به درستی می‌خواندند و معنا می‌کردند، به بهای قرآن افزوده می‌شد.

- ۵۴- عدم امکان تشخیص احادیث صحیح از غلط، با وجود برداشته شدن قانون ممنوعیت نوشتن احادیث پیامبر اکرم (ص)، معلول کدام امر است؟

(۱) عدم حضور پیامبر اکرم (ص) در جامعه

(۲) عدم حضور اصحاب پیامبر اکرم (ص) در میان مردم

(۴) جعل و تحریف فراوان احادیث توسط ناالهان

(۳) عدم مراجعت مردم به ائمه اطهار (ع)



۵۵- با توجه به کلام علوی در جهت بیم دادن نسبت به آینده سرپیچی از دستورات امام و اختلاف و تفرقه میان مسلمانان، اهل دنیا و بنی امیه به ترتیب چگونه توصیف شده‌اند؟

۱) گریان - تحریف‌کنندگان حرام‌های الهی به حلال

۲) زیان‌دیده - سوارش‌گان بر تخت سلطنت

۳) گریان - سوارش‌گان بر تخت سلطنت

۵۶- تحقیق پیش‌بینی‌های امام علی (ع) در رابطه با آینده نابسامان جامعه اسلامی، معلول کدام امر است؟

۱) تبدیل حکومت عدل نبوی به سلطنت

۲) روشن‌بینی و درک عمیق امام علی (ع) از نتیجه رفتارها و وقایع

۳) گمراهی بسیاری از مسلمانان بر اثر تحریف در معارف اسلامی و جعل احادیث

۴) عدم توجه مسلمانان به هشدارهای امیرالمؤمنین (ع)

۵۷- با توجه به سخنان امیرالمؤمنین (ع)، مشاهده کدام امر، قلب انسان را به درد می‌آورد؟

۱) فرمان‌برداری شامیان از رهبر باطل خود در برابر بی‌اعتنایی مسلمانان به فرمان‌های حضرت

۲) اتحاد شامیان در مسیر باطل خود، در برابر تفرقه مسلمانان در مسیر حق خود

۳) تبدیل حکومت عدل نبوی به سلطنت پر از ظلم اموی

۴) در انزوا قرار گرفتن شخصیت‌های اصیل اسلامی و برجسته شدن ناالهان در جامعه

۵۸- امامان بزرگوار (ع) در مبارزة خود با حاکمان عصر خویش، آنان را به ترتیب در چه امری یکسان و در چه اموری متفاوت می‌دانستند؟

۱) غصب خلافت و جانشینی رسول خدا (ص) - آمیختن حق و باطل

۲) غصب خلافت و جانشینی رسول خدا (ص) - اخلاق و رفتار

۳) شیوه درست مبارزه با آنان - اخلاق و رفتار

۴) شیوه درست مبارزه با آنان - آمیختن حق و باطل

۵۹- عموم مردم، الگوی اعتقادات و عمل خود را چه کسانی قرار می‌دهند و در این راستا، حاکمان اموی و عباسی، تلاش می‌کردند چه کسانی را در انزوا قرار دهند؟

۱) شخصیت‌های برجسته جامعه - شخصیت‌های اصیل اسلامی به خصوص اهل بیت پیامبر (ص)

۲) شخصیت‌های برجسته جامعه - شخصیت‌های باتقوا، جهادگر، مورد احترام و اعتماد پیامبر (ص)

۳) علمای دینی و فقهاء - شخصیت‌های باتقوا، جهادگر، مورد احترام و اعتماد پیامبر (ص)

۴) علمای دینی و فقهاء - شخصیت‌های اصیل اسلامی به خصوص اهل بیت پیامبر (ص)

۶۰- امامان شیوه مبارزه با حاکمان را متناسب با ..... برخی گزیدند؛ به گونه‌ای که علاوه بر سیست شدن بنای ظلم و جور بنی امیه و بنی عباس، هم تفکر اسلام راستین باقی بماند و هم ..... به نسل‌های آینده معرفی گردد.

۱) رفتار حاکمان - روش زندگی امامان (علیهم السلام)

۲) شرایط زمان - روش زندگی امامان (علیهم السلام)

۳) شرایط زمان - سخنان و سیره پیامبر اکرم (ص)

**PART A: Vocabulary**

**Directions:** Questions 61-70 are incomplete sentences. Beneath each sentence you will see four words or phrases, marked (1), (2), (3), and (4). Choose the one word or phrase that best completes the sentence. Then mark your answer sheet.

- 61- Studies show that physical inactivity increases with age and is more common among those with lower income and less ..... .  
 1) lifestyle                    2) education                    3) frequency                    4) addition
- 62- According to the study, people who are ..... get sick more often than people who are in a normal state of mind.  
 1) depressed                    2) cultural                    3) countable                    4) probable
- 63- Familiarity with a topic you are reading about in a second language makes it easier to ..... the meaning of new vocabulary.  
 1) count                        2) reply                        3) consider                        4) guess
- 64- Alcohol thermometers can ..... lower temperatures than mercury thermometers because mercury freezes at minus 38.8 degrees Celsius while alcohol freezes at minus 115 degrees.  
 1) broadcast                    2) exchange                    3) measure                        4) receive
- 65- I had a long discussion with my wife about our ..... and we decided we really need to see a counselor.  
 1) relationship                2) identity                    3) experiment                    4) attention
- 66- The scientist discovered a drug which is quite successful in ..... certain types of cancer.  
 1) happening                    2) following                    3) including                        4) preventing
- 67- The doctor is worried about my grandfather's medical condition and has warned us about the possibility of a heart ..... .  
 1) attack                        2) pressure                    3) function                        4) shape
- 68- Because of the traffic jam, it's hard to ..... how long it will take to get to the train station.  
 1) predict                        2) expect                        3) compare                        4) appear
- 69- The slower the metabolism, the more a person has to cut back on calories in order to keep from ..... weight.  
 1) making                        2) taking                        3) gaining                            4) holding
- 70- You can't ..... the effect of your salary increase without considering the increase in the cost of living.  
 1) measure                        2) improve                    3) balance                            4) prevent

**PART B: Cloze Test**

**Directions:** Questions 71-75 are related to the following passage. Read the passage and decide which choice, (1), (2), (3), or (4), best fits each space. Then mark your answer sheet.

The national sport of Japan is sumo wrestling. It ...71... large crowds and is shown on television. The two contestants try to push ...72... out of a small ring. Success depends on strength and ...73..., so sumo wrestlers go to schools where they train and follow a special ...74.... . Successful wrestlers ...75... extremely rich and famous. The sport is traditional and follows an elaborate pattern controlled by officials in decorative costume.

- 71- 1) mentions                    2) intends                    3) refers                            4) attracts
- 72- 1) each other                2) another                    3) each another                    4) together
- 73- 1) measure                    2) amount                    3) weight                            4) pattern
- 74- 1) diet                        2) case                        3) type                                4) mind
- 75- 1) to become                2) becoming                    3) may become                    4) are become

**PART C: Reading Comprehension**

**Directions:** In this part of the test, you will read a passage. The passage is followed by five questions. Answer the questions by choosing the best choice, (1), (2), (3), or (4). Then mark your answer sheet.

These days, more and more children are overweight. A name for being extremely overweight is obese. Why is this happening? Doctors, teachers, and other adults believe that children are not getting the right amount of exercise and are not eating the right kinds of food.

In the past, children used to be more active. In the past, there was a lot of work to be done. Children helped on the farms and in the factories. Children didn't have much time to sit around. Today children go to school and come home to watch the television or play video games. Too many of their activities involve sitting and not being active enough. Children are not getting enough exercise, such as running, walking, or riding a bike.

Another main reason for children being overweight is the types of food they eat. More and more families are eating at restaurants or fixing quick foods that are loaded with calories. These types of food begin to add up day after day. Children are eating too many of the wrong foods and not enough of the right foods.

Some of the foods that children should be eating include fruits and vegetables, dairy, grains and cereals, and meat and poultry. These types of foods can help children Maintain their weight and help the body fight disease.

**76- The underlined word “their” in the second paragraph refers to .....**

- |                         |                |
|-------------------------|----------------|
| 1) factories            | 2) children    |
| 3) watching and playing | 4) video games |

**77- Which of the following is NOT a reason why children don't eat enough healthy foods?**

- 1) Children eat more prepared foods than homemade foods.
- 2) Children eat out at restaurants more than they used to.
- 3) Children weigh more than they used to.
- 4) Unhealthy foods are more readily available these days.

**78- What is the meaning of the word “maintain” in this passage?**

- |                |                    |
|----------------|--------------------|
| 1) increase    | 2) include part of |
| 3) think about | 4) keep the same   |

**79- Which of the following statements would be the best one to be added to the end of the passage?**

- 1) Children need to be taught about the foods they eat and the food choices they make.
- 2) Parents of obese children are also obese and overweight.
- 3) Doctors are finding that more and more children are obese.
- 4) Scientists are concerned about the food children eat.

**80- Which of the following could be a good title for the passage?**

- 1) Types of Foods Available to People
- 2) Childhood Obesity in Today's World
- 3) Why Are Children Not Active Enough?
- 4) How to Encourage Children to Exercise



# آزمون‌های سراسری کاج

گوینده درس در این خاک کنید.

سال تحصیلی ۱۴۰۰-۱۴۰۱

دفترچه شماره ۳

آزمون شماره ۱۴

جمعه ۲۹/۰۵/۱۴۰۰

## پاسخ‌های تشریحی

### پایه دوازدهم ریاضی

#### دوره دوم متوسطه

شماره داوطلبی:	نام و نام خانوادگی:
۱۷۰ دقیقه	۱۶۰
مدت پاسخگویی:	تعداد سوالاتی که باید پاسخ دهید:

عنوانیں مواد امتحانی آزمون گروه آزمایشی علوم ریاضی، تعداد سوالات و مدت پاسخگویی

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سوال	شماره سوال		مدت پاسخگویی
			از	تا	
۱	فارسی ۲	۲۰	۱	۲۰	۱۵ دقیقه
۲	زبان عربی ۲	۲۰	۲۱	۴۰	۱۵ دقیقه
۳	دین و زندگی ۲	۲۰	۴۱	۶۰	۱۵ دقیقه
۴	زبان انگلیسی ۲	۲۰	۶۱	۸۰	۱۵ دقیقه
۵	حسابان ۱	۱۰	۸۱	۹۰	۶۰ دقیقه
	هندسه ۲	۱۰	۹۱	۱۰۰	
	آمار و احتمال	۱۰	۱۰۱	۱۱۰	
	حسابان ۲	۵	۱۱۱	۱۱۵	
	ریاضی ۱	۵	۱۱۶	۱۲۰	
	هندسه ۳	۵	۱۲۱	۱۲۵	
	هندسه ۱	۵	۱۲۶	۱۳۰	
۶	فیزیک ۲	۱۰	۱۳۱	۱۴۰	۳۰ دقیقه
	فیزیک ۳	۱۰	۱۴۱	۱۵۰	
	فیزیک ۱	۱۰	۱۵۱	۱۶۰	
۷	شیمی ۲	۱۰	۱۶۱	۱۷۰	۲۰ دقیقه
	شیمی ۳	۱۰	۱۷۱	۱۸۰	
	شیمی ۱	۱۰	۱۸۱	۱۹۰	



**۱۳** مفهوم بیت سؤال: خاموشی لازمه عشق ورزی است.

مفهوم گزینه (۳): تقابل عشق و خاموشی

**مفهوم سایر گزینه‌ها:**

(۱) توصیه به خاموشی عاشقانه / تقابل عشق و زهد

(۲) خاموشی زمینه‌ساز وصال است.

(۴) جبرگرایی / گله‌مندی همیشگی آدمی / نایابداری دنیا

**۱۴** مفهوم گزینه (۳): دعوت به تلاش

مفهوم مشترک عبارت سؤال و سایر گزینه‌ها: توکل / تسليم و رضا

**۱۵** مفهوم بیت‌ها:

(ج) احترام به حقوق دیگران

(ه) طلب عنایت

(الف) خدمت به همنوع

(د) مناعت طبع

(ب) نکوهش تپیر

**۱۶** مفهوم گزینه (۳): نکوهش گناهکاری و انداختن گناه خود به

گردن تقدیر / نفی تقدیرگرایی

مفهوم مشترک عبارت سؤال و سایر گزینه‌ها: تقدیرگرایی

**۱۷** ۱ مفهوم مشترک بیت سؤال و گزینه (۱): پاکبازی و جان‌فشاری

**مفهوم سایر گزینه‌ها:**

(۲) رنج و اندوه جان‌کاه عاشق و ارادت و خاکساری او نسبت به معشوق

(۳) طلب توجّه و عنایت از معشوق

(۴) بسنده کردن عاشقان به کم‌ترین بهره‌مندی از معشوق

**۱۸** مفهوم گزینه (۴): عافیت در تنهایی و عزلت‌گزینی است.

مفهوم مشترک بیت سؤال و سایر گزینه‌ها: بلاکشی عاشق

**۱۹** ۳ مفهوم مشترک بیت سؤال و گزینه (۳): خاموشی و رازداری

عاشقانه

**مفهوم سایر گزینه‌ها:**

(۱) تقابل عشق و آسایش

(۲) دل‌فریبی عشق

(۴) توصیه به هشیاری

**۲۰** ۲ مفهوم گزینه (۲): بی‌توجهی به ملاک‌ها و اعتبارات دنیوی

مفهوم مشترک سایر گزینه‌ها: گریزان بودن پدیده‌های پست از رویارویی با زشتی خود

## زبان عربی

■ درست‌ترین و دقیق‌ترین جواب را در ترجمه یا تعریف یا مفهوم مشخص کن (۲۷-۲۱):

**۲۱** ۴ ترجمه کلمات مهم: آن ستّتّفید: که استفاده کنی (بهره ببری، به کار ببری) [رد گزینه (۲)]

کلاماً آییناً: سخنی نرم، سخن نرمی؛ ترکیب و صفتی نکره است. [رد گزینه (۲)]

یُؤْتُون: که تأثیر بگذارد (اثر می‌گذارد)، فعل بعد از اسم نکره با حرف «که» می‌آید. [رد گزینه‌های (۱) و (۲)]

عقول: خرد، جمع است. [رد گزینه‌های (۲) و (۳)]

لکی یُفْتَحَ: تاقان کند؛ فعل مضارع در صیغه للغائب است. [رد گزینه‌های (۱) و (۳)]

**۲۲** ۱ ترجمه کلمات مهم: تلک منطقه: آن منطقه‌ای است. [رد گزینه‌های (۲) و (۳)]

تعصیف: می‌وزد [رد گزینه (۳)]

ریاح شدیده: بادهای شدیدی، بادهایی شدید؛ ترکیب و صفتی نکره است.

[رد گزینه‌های (۳) و (۴)]

تکسیر: می‌شکند؛ فعل مضارع معلوم است [رد گزینه‌های (۳) و (۴)]

تُنْقُلُ: منتقل می‌کند، می‌برد؛ فعل معلوم است. [رد گزینه (۳)]

## فارسی

**۱** ۱ معنی درست واژه‌ها: پالیز: باغ، جالیز / نکبت‌بار: شوم و ایجادکننده بدیختی و خواری / صبحات: جمال، زیبایی / بالبداهه: ارجالاً بدون اندیشه قبلی

**۲** ۲ معنی درست واژه‌ها: رحیل: از جایی به جای دیگر رفتن، کوچ کردن، سفر کردن / راه‌سوار: آن‌چه با شتاب، آنا نرم و روان حرکت می‌کند؛ خوش حرکت و تندرو / سترگ: بزرگ، عظیم

**۳** ۳ املای درست واژه‌ها: مراهی که روی زخم گذارند.

**۴** ۴ املای درست واژه‌ها: بیت «ج»: حلول: آغاز، شروع / بیت «د»: قبطی: مردم مصر قدیم هم‌صدا با حلق اسماعیل: سید حسن حسینی

**۵** ۵ ۱ ایهام تناسب (بیت «ج»): کام: آرزو (معنی موجود در بیت) ۲- دهان (معنی نامتناسب با بیت، متناسب با چشم) تضاد (بیت «د»): انجام ≠ آغاز کنایه (بیت «الف»): گردن کشی به طور کلی کنایه از نافرمانی؛ در این حاکنایه از ناز کردن / سرافراز بودن کنایه از بلندمرتبگی و مقتخر بودن پارادوکس (بیت «ب»): این‌که از یک پدیده «ی صدا»، آواز به گوش برسد. استعاره (بیت «ه»): خون‌گریه کردن در و دیوار، تشخیص و استعاره است. در و دیوار روزگار: اضافه استعاری

**۶** ۷ استعاره: این‌که زلف معشوق از درد اسیران آگاه شده باشد، تشخیص و استعاره است.

واج آرایی: تکرار مصوت بلند «ا» و صامت «ر» حسن تعییل: شاعر دلیل پریشانی زلف معشوق را آگاهی یافتنش از درد عاشقان می‌داند. تشییه: تشییه زلف معشوق به مارگریده

**۸** ۸ حس آمیزی: شنیدن بو / جناس: — برسی سایر گزینه‌ها:

(۱) حسن تعییل: شاعر دلیل آشناگی و بی‌سروسامانی باد صبا را عشق باد نسبت به معشوق خود می‌داند. / استعاره: دماغ باع (اضافه استعاری)

(۲) تشییه (اضافه تشییه): شطرنج نظر / قدر دین و دل / ایهام تناسب: رخ ۱- چهره (معنی درست) ۲- مهره قلعه در شطرنج (معنی نادرست، متناسب با شطرنج و دست) / دست (اصراع اول): ۱- عضو بدن (معنی درست) ۲- هر نوبت از بازی (معنی نادرست، متناسب با شطرنج و با دست در مصراع دوم) / دست (اصراع دوم): ۱) هر نوبت از بازی (معنی درست) ۲- عضو بدن (متنااسب با نظر و رخ و دل و با دست در مصراع اول)

(۴) ایهام: دور از رخ او: ۱- در فراق رخ او ۲- از رخ او دور باد / اغراق: سیلان سرشک / طوفان بلا

**۹** ۹ برسی سایر گزینه‌ها:

(۱) سزا (سز + ۱) ۲) گوارا (گوار + ۱) ۳) زیبا (زیب + ۱)

**۱۰** ۱ ترکیب‌های وصفی: خصوصیات بازی / لوای چهاردهم / اشتیاق سیار / حقایق تلخ / این علاقه / رشته‌ای پایان‌نایذر (۶ ترکیب)

**۱۱** ۲ برسی سایر گزینه‌ها:

(۱) ماندنی (۲) خواندنی (۳) شنیدنی (۴)

**۱۲** ۳ مفهوم مشترک عبارت سؤال و گزینه (۳): قناعت و مناعت طبع مفهوم سایر گزینه‌ها:

(۱) فقر (۲) کتمان فقر (۳) استعنای معشوق و خونین دل بودن عاشقان (۴)



- ٣٠ ترجمه و بررسی گزینه‌ها:**
- (۱) بی‌گمان دروغ کلید هر بدی است! (با‌گفتن دروغ راه برای انجام بدی‌های دیگر هموار می‌شود.)
  - (۲) دروغ، دروغ می‌آوردا! (مطابق متن دروغ‌ها به تدریج بزرگ و بزرگ‌تر می‌شوند.)
  - (۳) ریسمان دروغ کوتاه است! (به این معنا که دروغ عاقبت آشکار می‌شود. چنین مفهومی در متن نیامده است.)
  - (۴) هر کس دروغ بگوید دزدی [هم] می‌کند! (همانند مفهوم گزینه (۱)، از دروغ‌گو هر خطایی برمی‌آیدا)
- گزینه درست را در اعراب و تحلیل صرفی مشخص کن (۳۱ و ۳۲)

**١ دلایل رد سایر گزینه‌ها:**

- (۱) مجھول ← معلوم («یتوقّف» معلوم است). / فاعله مخدوف ← فعل معلوم فاعل دارد.
- (۲) مصدره: توقیف ← مصدره: توقّف / متعدّ ← لازم
- (۳) مفعوله: إنتاج ← فاعله: إنتاج

**٢ دلایل رد سایر گزینه‌ها:**

- (۱) صفة ← خبر [«أعظم» خبر برای مبتدای «هو» است.]
- (۲) صفة ← خبر
- (۳) معرفة ← نكرة

■ گزینه مناسب را در پاسخ به سوالات زیر مشخص کن (۴۰ - ۴۳ - ۳۳):

- ٣ «المخاطبين» اسم مفعول است و باید به این شکل حرکت‌گذاری شود ← «المخاطبین»

**٤ بررسی گزینه‌ها:**

- (۱) «لَهُ: به نفع او» ≠ «غَلَيْهِ: به زیان او»
- (۲) «تَمَّ: کامل شد» ≠ «تَفَعَّلَ: کم شد»
- (۳) «يُقْرَبَ: نزدیک می‌کند» ≠ «يَبْعَدَ: دور می‌کند» / «البعيد: دور» ≠ «القريب: نزدیک»

٤ «نور: روشنایی» = «ضیاء: روشنایی»

- ٥ در این گزینه «لِ» به معنای «تا، برای این‌که» است. ترجمه: بشتاب برای این‌که شام را بخوریم سپس به سرعت برویم. در سایر گزینه‌ها به ترتیب «ليستمع: باید گوش فرا دهنده»، «العنتر: باید پند بگیریم» و «فليتبع: باید پروردی کند» معنای امری دارند نه سبب و دلیل.

- ٦ «أن نحاول: که سعی کنیم» و «لنـجـحـ: برای این‌که موفق شویم» هر دو مضارع التزامی است.

دقت کنید: «لن» در گزینه (۴)، معادل آینده منفی است.

**٧ بررسی گزینه‌ها:**

- (۱) «قَدْ اكتَشَفَ: کشف کرده‌اند»؛ ماضی نقلی ← قد + ماضی
- (۲) «يُتَفَخَّرُ: افتخار می‌کرد»؛ فعل ماضی (شاهدت) + اسم نکره (جلد) + فعل مضارع بعد از اسم نکره (يُتَفَخَّرُ) ← ترجمه فعل مضارع به ماضی استمراری
- (۳) «أَجْتَبَتِ: اجتناب می‌کنم»؛ مضارع اخباری
- (۴) «كَانَ ... لَيْتَ: مانده بود»؛ کان + فعل ماضی ← ماضی بعید

- ٨ «طالبات» اسم نکره و خبر و «مجتهدات» صفت اسم برای آن است و فعل «شارکن» جمله وصفیه می‌باشد.

- ٩ دقت کنید: جواب شرط نمی‌تواند جمله وصفیه باشد. در گزینه‌های (۱) و (۳) به ترتیب « يصل » و «نجا » جواب شرط هستند، حواستان باشد آن‌ها را جمله وصفیه اشتباه نگیرید. در گزینه (۲)، بعد از کلمه «حي» که نکره است، حرف «و» آمده و ارتباط را با فعل بعد از خودش قطع کرده است و در این گزینه جمله وصفیه نداریم.

- ٢٣ ترجمه کلمات مهم: لا تستثرو: مشورت نکن؛ نهی و مخاطب است [رد گزینه (۲)]**

کالسراب: مانند سراب [رد گزینه (۱)]  
هر دو «علیک» در گزینه (۴) ترجمه نشده است.

**٢٤ ترجمه سایر گزینه‌ها:**

- (۱) انسانی را دوست دارم که مردم از زبانش و دستش نمی‌ترسند!
- (۲) مردی را نشناختم که به فقیران کمک می‌کردا (ماضی + اسم نکره + مضارع ← ترجمه مضارع به ماضی استمراری)
- (۳) خدای، همانا من به تو پنهان می‌برم از علمی که به مردم سود نرساند (نمی‌رساند)!

- ٢٥ ترجمه کلمات مهم: يجب أن لا نسمح لكم: نباید به شما اجازه دهیم [رد سایر گزینه‌ها] / «الامتحان» مفرد است و در متن دو مرتبه تکرار شده، اما در گزینه (۳)، به صورت جمع و یک مرتبه آمده که نادرست است.**

- ٢٦ ترجمه کلمات مهم: كيفي: نکره است. [رد گزینه (۳)]**  
خریدم: إشتريت؛ فعل ماضی است. [رد گزینه (۳)]  
در بازار: في السوق [رد گزینه‌های (۱) و (۴)]

- ٢٧ ترجمه عبارت سؤال: فكر کن سپس سخن بگو تا از لغزش سالم بمانی!**

- مفهوم: مفهوم همه گزینه‌ها به جز گزینه (۴) همانند عبارت سؤال این است که انسان قبل از سخن گفتن بهتر است فکر کند. مفهوم گزینه (۴) این است که انسان با سخن گفتن، زیبایی‌ها و زشتی‌هاش آشکار می‌شود.

متن زیر را با دقّت بخوان سپس متناسب با آن به سوالات زیر پاسخ بده (۲۸-۳۲):

پژوهش علمی جدیدی نشان داده است که کسانی که قصد پنهان کردن حقایق یا تغییر آن‌ها را دارند، در آغاز از [دست] خودشان احساس ناراحتی می‌کنند اما این احساس به تدریج با گفتن دروغ‌های پی‌درپی از بین می‌رود. و این احساس ناراحتی را، زمانی که انسان چیزی را که برخلاف حقیقت است، می‌گوید، قسمتی از مغز تولید می‌کند، اما تولید آن (احساس) متوقف می‌شود زمانی که انسان به این حالت عادت می‌کند. پس دروغ‌ها بیشتر بزرگ می‌شود و محاسبه نفس بر آن‌ها پنهان می‌شود. در مورد آن‌چه به همه انواع دروغ ارتباط دارد، دروغ‌گوها می‌گویند که آن‌ها با دروغ‌هایی کوچک شروع کرده‌اند، سپس کار به آن‌چه بزرگ‌تر است، رسیده است!

- ٢٨ احساس ناراحتی ..... با توجه به متن، این احساس نزد همه هست و هنگامی که شخص برای بار اول گناهی (مانند دروغ) مرتکب شود، در او به وجود می‌آید.**

**٢٩ ترجمه گزینه‌ها:**

- (۱) نزد کسی دیده می‌شود که زیاد دروغ می‌گوید!
- (۲) زمانی که شخص برای اولین بار اقدام به گفتن دروغی می‌کند، ظاهر می‌شود!
- (۳) حالتی است که افراد قصد دارند آن را همیشه پنهان کنند!
- (۴) زمانی که انسان به دروغ عادت می‌کند، زیاد می‌شود!

**٣٠ ترجمه و بررسی گزینه‌ها:**

- (۱) از (میان) مردم کسانی هستند که حقایق را به نفع خودشان تحریف می‌کنند (مطابق سطر اول متن صحیح است).
- (۲) هر کس خودش را محاسبه نکند، در گناهان غرق می‌شود! (محاسبه نفس باعث می‌شود انسان خطاهاش را تکرار نکند).
- (۳) جرایم انسان با خطاها کوچک شروع می‌شوند! (در پایان متن همین مطلب به عنوان نتیجه آمده است).
- (۴) در انسان چیزی که او را از ارتکاب گناهان منع کند، وجود ندارد! (نادرست است چون مطابق متن، محاسبه نفس و احساس‌های ناخوشایند پس از انجام گناه از جمله بازدارنده‌ها در انسان هستند).





## ذیان انگلیسی

- ۶۱** مطالعات نشان می‌دهند که بی‌تحرکی جسمانی با [بالا رفتن] سن افزایش می‌یابد و در بین آن‌ها یکی که درآمد پایین‌تر و تحصیلات کمتری دارند متداول‌تر است.
- (۱) سبک زندگی، شیوه زندگی
  - (۲) آموزش؛ تحصیلات
  - (۳) فراوانی؛ فرکانس
  - (۴) جمع، افزایش
- ۶۲** طبق این مطالعه، افرادی که افسرده هستند بیش‌تر از افرادی که وضعیت ذهنی طبیعی دارند بیمار می‌شوند.
- (۱) افسرده
  - (۲) فرنگی
  - (۳) قابل شمارش
  - (۴) احتمالی، محتمل
- ۶۳** آشنا بودن با موضوعی که در زبان دوم در مورد آن [مطلوب] می‌خوانید حدس زدن معنی واگان جدید را آسان‌تر می‌کند.
- (۱) شمردن
  - (۲) جواب دادن، پاسخ دادن
  - (۳) در نظر گرفتن، لحاظ کردن
  - (۴) حدس زدن
- ۶۴** دماستج‌های الکلی می‌توانند به نسبت دماستج‌های جیوه‌ای دماهای پایین‌تر را اندازه بگیرند چون که جیوه در [دمای] منفی ۳۸/۸ درجه سلسیوس منجمد می‌شود در حالی که الكل در [دمای] منفی ۱۱۵ درجه [سلسیوس] منجمد می‌گردد.
- (۱) [تلویزیون و غیره] پخش کردن
  - (۲) تبدیل کردن؛ معاوضه کردن
  - (۳) اندازه گرفتن؛ اندازه‌گیری کردن
  - (۴) دریافت کردن، گرفتن
- ۶۵** با همسرم بحثی طولانی در مورد رابطه‌مان داشتم و تصمیم گرفتیم [که] واقعًا نیاز داریم به یک مشاور مراجعت کنیم.
- (۱) رابطه؛ پیوند
  - (۲) هویت
  - (۳) آزمایش
  - (۴) دقت، توجه
- ۶۶** آن داشمند دارویی را کشف کرد که [کاربرد آن] در پیشگیری کردن از نوع خاصی از سلطان تا حد زیادی موفقیت‌آمیز است.
- (۱) اتفاق افتادن، رخ دادن
  - (۲) دنبال کردن؛ پیروی کردن
  - (۳) شامل ... بودن
  - (۴) پیشگیری کردن از
- ۶۷** پژشک نگران وضعیت پزشکی پدر بزرگم است و به ما در مورد امکان حمله قلبی هشدار داده است.
- (۱) حمله
  - (۲) فشار
  - (۳) کارکرد، عملکرد
  - (۴) شکل، صورت
- توضیح:** حمله قلبی: "heart attack"
- ۶۸** به دلیل راهبیندان، پیش‌بینی کردن [این‌که] چقدر طول خواهد کشید تا به ایستگاه راه‌آهن برسیم دشوار است.
- (۱) پیش‌بینی کردن؛ پیشگویی کردن
  - (۲) انتظار داشتن (که)؛ توقع داشتن (که)
  - (۳) مقایسه کردن، سنجیدن
  - (۴) به نظر رسیدن؛ ظاهر شدن
- ۶۹** هر چه سوت و ساز کنتر باشد، شخص باید میزان کالری‌ها را بیش‌تر کاهش دهد تا جلوی اضافه کردن وزن را بگیرد.
- (۱) درست کردن؛ باعث ... شدن
  - (۲) بردن؛ گرفتن
  - (۳) کسب کردن، به دست آوردن
  - (۴) نگه داشتن؛ برگزار کردن
- توضیح:** وزن اضافه کردن، چاق شدن: "gain weight"

**۵۳** امامان بزرگوار در هر فرصتی که به دست می‌آورند، معارف قرآن کریم را بیان می‌کرند و رهنمودهای آن را آشکار می‌ساختند. در نتیجه این اقدام، مشتاقان معارف قرآنی توانستند از این کتاب الهی بهره ببرند.

**۵۴** با این‌که سال‌ها بعد، منع نوشتن حدیث پیامبر (ص) برداشته شد و حدیث‌نویسی رواج یافت، اما به دلیل عدم حضور اصحاب پیامبر (ص) در میان مردم، به دلیل فوت یا شهادت، احادیث زیادی جعل یا تحریف شد، به طوری که احادیث صحیح از غلط به سادگی قابل تشخیص نبود.

**۵۵** امام علی (ع) آینده سرپیچی از دستورات امام و اختلاف و تفرقه میان مسلمانان را که موجب سوار شدن بنی امیه بر تخت سلطنت بود؛ می‌دید و مردم را از چنین روزی بیم می‌داد: «به خدا سوگند، بنی امیه چنان به ستمگری و حکومت ادامه دهنده حرامی باقی نماند جز آن که حلال شمارند ... تا آن‌که در حکومتشان دو دسته بگریند: دسته‌ای بر دین خود که آن را از دست داده‌اند و دسته‌ای برای دنیا خود که به آن نرسیده‌اند.»

**۵۶** به علت عدم توجه مسلمانان به هشدارهای امیر المؤمنین علی (ع) و ضعف و سستی‌شان در مبارزه با بنی امیه، تمام هشدارها و پیش‌بینی‌های امام علی (ع) در رابطه با آینده ناسیمان جامعه اسلامی به وقوع پیوست.

**توجه:** دقت داشته باشید که امام بر مبنای روش‌بینی و درک عمیقی که از نتیجه رفتارها و وقایع داشت، آینده ناسیمان جامعه اسلامی را پیش‌بینی کرد اما علت تحقق این پیش‌بینی تنها ضعف، سستی و عدم توجه مسلمانان به هشدارهای ایشان بود.

**۵۷** با توجه به سخن امام علی (ع) خطاب به مسلمانان که می‌فرمایند: «سوگند به خداوندی که جامن به دست قدرت اوست، آن مردم [شامیان] بر شما پیروز خواهند شد؛ نه از آن جهت که آنان به حق نزدیک‌ترند، بلکه به این جهت که آنان در راه بالاطلی که زمامدارشان می‌رود شتابان فرمان او را می‌بند و شما در حق من بی‌اعتنایی و کندی می‌کنید. این مطلب قلب انسان را به درد می‌آورد که آن‌ها در مسیر بالاطل خود این چنین متحدند، و شما در راه حق این‌گونه متفرق و پراکنده‌اید.» درمی‌یابیم که آن‌چه قلب انسان را به درد می‌آورد، اتحاد شامیان در مسیر بالاطل خود در برابر تفرقه مسلمانان در مسیر حق خود می‌باشد.

**توجه:** گرینه (۱) دلیل پیروزی شامیان از دیدگاه امام علی (ع) است، نه مطلبی که قلب انسان را به درد بیاورد.

**۵۸** امامان (ع) همه حاکمان عصر خود را در غصب خلافت و جانشینی رسول خدا (ص) یکسان می‌دیدند. آنان تفاوت‌های اخلاقی و رفتاری حاکمان را در نظر می‌گرفتند و اگر حاکمان در موردی بر طبق دستور اسلام عمل می‌کردند، آن مورد را تأیید می‌کردند.

**۵۹** چالش ارائه الگوهای نامناسب بر این مبنای صورت گرفت که عموم مردم در اعتقادات و عمل خود، دنبله‌روی شخصیت‌های برجسته جامعه هستند و آن‌ها را اسوه قرار می‌دهند. حاکمان اموی و عباسی، تلاش می‌کردند که شخصیت‌های اصیل اسلامی، به خصوص اهل بیت پیامبر (ص) را در انزوا قرار دهند و افرادی را که در اندیشه و عمل و اخلاق از معیارهای اسلامی دور بودند، به جایگاه برجسته برسانند و آن‌ها را راهنمای مردم معرفی کنند.

**۶۰** امامان، شیوه مبارزه با حاکمان را مناسب با شرایط زمان بر می‌گزینند؛ به گونه‌ای که هم تفکر اسلام راستین باقی بماند (معارف و آیات قرآن و سخنان و سیره پیامبر اکرم (ص)), هم به تدریج، بنای ظلم و جور بنی امیه و بنی عباس سست شود و هم روش زندگی امامان (ع) به نسل‌های آینده معرفی گردد.



**۷۶** کلمه "their" که در پاراگراف دوم که زیر آن خط کشیده شده به "children" اشاره دارد.

(۱) کارخانه‌ها  
(۲) کودکان  
(۳) تماسکردن و بازی کردن  
(۴) بازی‌های ویدئویی

**۷۷** کدام‌یک از موارد زیر دلیلی نیست [که] چرا کودکان غذاهای سالم کافی نمی‌خورند؟

(۱) کودکان غذاهای آماده بیشتری نسبت به غذاهای خانگی می‌خورند.  
(۲) کودکان نسبت به گذشته بیشتر بیرون در رستوران‌ها غذا می‌خورند.  
(۳) کودکان نسبت به گذشته وزن بیشتر دارند.  
(۴) این روزها غذاهای ناسالم راحت‌تر در دسترس هستند.

**۷۸** معنی کلمه "maintain" ("نگه داشتن، حفظ کردن) در این متن چیست؟

(۱) افزایش دادن؛ افزایش یافتن  
(۲) شامل بخشی از ... بودن  
(۳) به ... فکر کردن  
(۴) یکسان نگه داشتن

**۷۹** کدام‌یک از گزاره‌های زیر بهترین خواهد بود تا به آخر متن افزوده شود؟

(۱) کودکان باید در مورد غذاهایی [که] می‌خورند و انتخاب‌های غذایی ای که انجام می‌دهند تعلیم بینند.

(۲) والدین کودکان چاق نیز چاق هستند و دارای اضافه‌وزن [می‌باشند].  
(۳) پژوهشکاران متوجه می‌شوند که کودکان به شکل فزاینده‌ای چاق هستند.

(۴) دانشمندان در مورد غذاهایی [که] کودکان می‌خورند نگران هستند.

**۸۰** کدام‌یک از موارد زیر می‌تواند عنوان خوبی برای متن باشد؟

(۱) انواع غذاهای در دسترس برای مردم  
(۲) چاقی دوران کودکی در جهان امروز  
(۳) چرا کودکان به اندازه کافی فعال نیستند?  
(۴) چگونگی تشویق کودکان به ورزش کردن

## ریاضیات

$$\log_5(\log_7(\log_7 x)) = 0 \Rightarrow \log_7(\log_7 x) = 5^0 \quad (3) \quad 81$$

$$\Rightarrow \log_7(\log_7 x) = 1 \Rightarrow \log_7 x = 7^1 = 7 \Rightarrow x = 7^7 = 8 \quad (4) \quad 82$$

$$\log_{10} 6 = \log(2^3 \times 3^2 \times 10^{-1}) = \log 2^3 + \log 3^2 + \log 10^{-1}$$

$$= 3 \log 2 + 2 \log 3 - 1 \log 10 = 2(0/3) + 2(0/4) - 1$$

$$= 0/6 + 0/9 - 1 = 0/54$$

$$\log_{10} 5 = 0.7 \Rightarrow (1/0.7)^5 = 10^5 \quad (4) \quad 83$$

$$\text{هزار نفر} = 10^4 \Rightarrow y = 10^4 \cdot (1/0.7)^5 = 10^4 \cdot 0.7^5 = 10^4 \cdot 0.168 = 1680 \quad (3)$$

$$\text{هزار نفر} = 10^4 \cdot (1/0.5)^5 = 10^4 \cdot 0.5^5 = 10^4 \cdot 0.03125 = 312.5 \quad (3)$$

$$\log_2 x^2 - \log_{\sqrt{2}} \frac{1}{x} = 4 \log_9 \sqrt{3} \quad (1) \quad 84$$

$$\Rightarrow 2 \log_2 x - \log_{\frac{1}{2}} x^{-1} = 4 \log_{\frac{1}{2}} \sqrt{3}$$

$$\Rightarrow 2 \log_2 x - \frac{-1}{2} \log_2 x = 4 \cdot \frac{1}{2} \log_3 \sqrt{3}$$

**۷۰** شما نمی‌توانید تأثیر افزایش حقوقتان را بدون در نظر گرفتن افزایش هزینه‌ی زندگی اندازه بگیرید.

(۱) اندازه گرفتن، اندازه‌گیری کردن  
(۲) بهبود بخشیدن؛ بهبود یافتن  
(۳) متعادل کردن، متوزن کردن  
(۴) جلوگیری کردن از، پیشگیری کردن از

ورزش ملی ژاپن گشتی سومو است. آن جمعیت زیادی را جذب می‌کند و در تلویزیون نمایش داده می‌شود. [در این ورزش] دو شرکت‌کننده سعی می‌کنند یکدیگر را از یک میدان (تشک گشتی) کوچک بیرون بشکند. موقفیت [آن‌ها] به توائی‌ای و وزن [ایشان] بستگی دارد، از این رو گشتی‌گیران سومو به آموش‌شگاه‌هایی می‌روند که آموش بیینند و رژیم غذایی خاصی را دنبال کنند. گشتی‌گیران موفق ممکن است بسیار ثروتمند و مشهور شوند. این ورزش سنتی است و از الگوی دقیقی که توسط مسئولان در لباس محلی تزئینی کنترل می‌شود، بیروی می‌کند.

**۷۱** (۱) بیان کردن، ذکر کردن  
(۲) قصد داشتن؛ در بی ... بودن  
(۳) اشاره کردن؛ ارجاع دادن  
(۴) جذب کردن؛ جلب کردن

**۷۲** توضیح: طبق مفهوم جمله و با توجه به این‌که در این نوع از ورزش گشتی هر کدام از گشتی‌گیران در تلاش است دیگر را از تشک گشتی خارج کند، جمله با "each other" (یکدیگر) کامل می‌شود.

**۷۳** (۱) اندازه؛ اقدام  
(۲) مقدار، میزان  
(۳) وزن  
(۴) الگو؛ طرح

**۷۴** (۱) رژیم غذایی  
(۲) مورد؛ نمونه  
(۳) ذهن  
(۴) نوع؛ گونه

**۷۵** توضیح: فعل و جهی "may" می‌تواند برای بیان احتمال و امکان در زمان حال و آینده به کار رود و فعل اصلی پس از آن (در این مورد "become") به شکل ساده استفاده می‌شود.

این روزها، کودکان به شکل فزاینده‌ای اضافه‌وزن دارند. یک نام برای اضافه‌وزن خیلی زیاد، چاق است. چرا این [موضوع] اتفاق می‌افتد؟ پژوهشکاران، معلمان و سایر بزرگسالان بر این باورند که کودکان به اندازه کافی ورزش نمی‌کنند و انواع مناسب مواد غذایی را نمی‌خورند.

در گذشته، کودکان بیشتر فعال بودند. در قدیم، کارهای زیادی برای انجام شدن وجود داشت. کودکان در مزارع و در کارخانه‌ها کمک می‌کردند. کودکان زمان زیادی برای تلف کردن (انجام کارهای بیمهوده) نداشتند. امروزه کودکان به مدرسه می‌روند و برای تماشای تلویزیون یا بازی کردن [با] بازی‌های ویدئویی به خانه می‌آیند. تعداد بسیاری از فعالیت‌های آن‌ها شامل نشستن و عدم [داشتن] فعالیت کافی است. بچه‌ها به اندازه کافی ورزش‌هایی از قبیل دویدن، پیاده‌روی یا دوچرخه‌سواری را انجام نمی‌دهند.

دلیل اصلی دیگر برای اضافه‌وزن کودکان انواع مواد غذایی ای است که آن‌ها می‌خورند. خانواده‌های بیشتر و بیشتری در رستوران‌ها غذا می‌خورند یا غذاهای سریعی (فست‌فود) که سرشار از کالری هستند را آماده می‌کنند. [صرف] این انواع مواد غذایی روزبه‌روز (به سرعت) به [میزان] بالا [ای کالری] منتج می‌شود. کودکان غذاهای ناسالم بسیار زیادی می‌خورند و [به میزان] کافی غذاهای مناسب نمی‌خورند. برخی از غذاهایی که کودکان باید بخورند شامل میوه‌ها و سبزیجات، لبیات، غلات و حبوبات و گوشت و مرغ است. این نوع غذاها می‌توانند به کودکان [در] حفظ وزن‌شان و [همچنین] به بدن [برای] مبارزه با بیماری‌ها کمک کنند.



**۹۰** می‌دانیم  $\log_4^{\circ/6} < -1$  و در نتیجه  $-1 = \log_4^{\circ/6}$ . همچنین با بررسی توانهای  $\circ/3$  داریم:  $(\circ/3)^{\circ} = 1$ ,  $(\circ/3)^{-1} = \frac{1}{3}$ , ...,  $(\circ/3)^{-2} = (\frac{1}{3})^2 = \frac{1}{9}$ , ..., بنابراین  $-\circ/3 < -1 < \circ/6$  و در نتیجه  $-\circ/3 = \log_4^{\circ/6}$ . پس:  $[\log_4^{\circ/6}] + [\log_{\circ/3}^{\circ/10}] = -3$

**۹۱** بازتاب تحت یک نقطه شب خط را حفظ می‌کند، بنابراین با توجه به این که خطوط با شیب یکسان، زوایای یکسانی نسبت به محورها دارند، نتیجه می‌گیریم که بازتاب تحت یک نقطه، زوایه خطوط نسبت به محورها را حفظ می‌کند.

**۹۲** با توجه به تعریف دوران، مرکز دوران از دو نقطه A و A' به یک فاصله است، بنابراین روی عمودمنصف پاره خط AA' قرار دارد. داریم:

$$m_{AA'} = \frac{y_A - y_{A'}}{x_A - x_{A'}} = \frac{-1 - 2}{2 - (-4)} = \frac{-3}{6} = -\frac{1}{2}$$

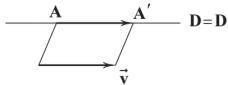
بنابراین شیب خط عمودمنصف برابر ۲ است. از طرفی نقطه وسط پاره خط AA' در معادله عمودمنصف صدق می‌کند:

$$M = \frac{A + A'}{2} = \left( \frac{2 + (-4)}{2}, \frac{-1 + 2}{2} \right) = (-1, \frac{1}{2})$$

$$\Rightarrow y - \frac{1}{2} = 2(x - (-1)) \Rightarrow y = 2x + \frac{5}{2}$$

با توجه به گزینه‌ها تنها نقطه  $(-2, \frac{-3}{2})$  در معادله فوق صدق می‌کند.

**۹۳** در انتقال یک خط اگر بردار انتقال موازی خط مفروض باشد، آن‌گاه تصویر خط بر خودش منطبق است.



**۹۴** اگر نقاط A' و B' مجانس نقاط A و B با نسبت تجانس k = ۳ باشند، در این صورت داریم: (فاصله دو نقطه A' و B' برابر طول پاره خط A'B' است)

$$\begin{aligned} \frac{A'B'}{AB} &= k \\ AB &= \sqrt{(x_B - x_A)^2 + (y_B - y_A)^2} \\ &= \sqrt{(-2 - 2)^2 + (-3 - (-5))^2} = \sqrt{16 + 4} = \sqrt{20} \\ \Rightarrow A'B' &= |k| \cdot AB = 3 \times \sqrt{20} = 6\sqrt{5} \end{aligned}$$

**۹۵** برای به دست آوردن بازتاب نقطه A نسبت به خط d (نقطه A') ابتدا معادله خط عمود بر d که از A می‌گذرد را به دست آورده (خط d') و تقاطع آن با d را H می‌نامیم، H در واقع پای عمود A بر روی d است و حال برای به دست آوردن بازتاب A نسبت به d، کافیست A را نسبت به نقطه H قرینه کیم.

$$\begin{aligned} \text{شیب خط } d &= -\frac{1}{2} \Rightarrow \text{شیب } d' = 2 \\ \Rightarrow d':(y - y_A) &= -\frac{1}{2}(x - x_A) \\ \Rightarrow d':y - 1 &= -\frac{1}{2}(x - 2) \Rightarrow d':y = -\frac{1}{2}x + 2 \end{aligned}$$

$$\begin{cases} d:y = 2x + 1 \\ d':y = -\frac{1}{2}x + 2 \end{cases} \xrightarrow{\text{تقاطع ۲ خط}} 2x + 1 = -\frac{1}{2}x + 2 \Rightarrow 4x + 2 = -x + 4 \\ \Rightarrow 5x = 2 \Rightarrow x = \circ/4, y = 1/\circ \Rightarrow H = (\circ/4, 1/\circ) \\ \frac{A+A'}{2} = H \Rightarrow A' = 2H - A = (\circ/8, 3/6) - (\circ/4, 1/\circ) \\ \Rightarrow A' = (-1/2, 2/6) \end{cases}$$

$$\begin{aligned} &\Rightarrow 2\log_2 x + 2\log_2 x = 4 \times \frac{1}{4} \\ &\Rightarrow 4\log_2 x = 1 \Rightarrow \log_2 x = \frac{1}{4} \Rightarrow x = 2^{\circ/25} \\ \log_5 x^2 &= \frac{2\log x}{\log 5} = \frac{2\log 2^{\circ/25}}{1 - \log 2} \\ &= \frac{2(\circ/25)\log 2}{1 - \log 2} = \frac{(\circ/5)(\circ/3)}{(\circ/7)} = \frac{\circ/15}{\circ/7} = \frac{15}{70} = \frac{3}{14} \end{aligned}$$

**۸۵** با توجه به دامنه تابع لگاریتمی داریم:

$$\begin{cases} x > \circ \quad (1) \\ x^2 - 1 > \circ \Rightarrow x^2 > 1 \Rightarrow x > 1 \text{ یا } x < -1 \quad (2) \\ x^2 - 1 \neq 1 \Rightarrow x^2 \neq 2 \Rightarrow x \neq \pm\sqrt{2} \quad (3) \end{cases}$$

$$(1) \cap (2) \cap (3) \Rightarrow x > 1, x \neq \sqrt{2}$$

بنابراین دامنه تابع فقط شامل عدد طبیعی ۱ نیست.

**۸۶** در حل نامعادلات نمایی اگر پایه بین صفر و یک باشد، باید جهت نامساوی را عوض کنیم.

$$0 < \sqrt{5} - \sqrt{3} < 1 \Rightarrow |2x - 1| > 2 \Rightarrow \begin{cases} 2x - 1 > 2 \Rightarrow x > \circ \\ 2x - 1 < -2 \Rightarrow x < -3 \end{cases}$$

**۸۷** اجتماع  $(-\infty, -3) \cup (4, +\infty)$

که شامل بینهایت عدد صحیح است.

$$\begin{aligned} 9^{-x} &= 27\sqrt{3} \Rightarrow (3^2)^{-x} = 3^1 \times 3^3 \Rightarrow 3^{-2x} = 3^3 \\ \Rightarrow 2 - 2x &= \frac{4}{3} \Rightarrow -2x = -\frac{2}{3} \Rightarrow x = \frac{1}{3} \\ \log_3(12x + 5) &= \log_3 9 = \log_3 3^2 = 2 \end{aligned}$$

**۸۸** نکته:

$$\log_b a^m = \frac{m}{n} \log_b a \quad (a, b > \circ, b \neq 1, m, n \in \mathbb{R})$$

$$g(x) = \log_{\frac{1}{3}} x = \log_{\frac{1}{3}} x^{-1} = \log_{\frac{1}{3}} x = f(x)$$

$$D_f = D_g = (\circ, +\infty)$$

در نتیجه نمودار این دو تابع بر یکدیگر منطبق است.

$$\log 125 = \log 5^3 = 3 \log 5 = b \Rightarrow \log 5 = \frac{b}{3}$$

$$\log 45 = \log(3^2 \times 5) = \log 3^2 + \log 5 = 2 \log 3 + \frac{b}{3} = a$$

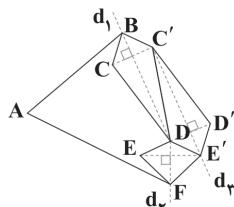
$$\Rightarrow \log 3 = \frac{a - \frac{b}{3}}{2} = \frac{3a - b}{6}$$

حال به محاسبه  $\log_{\frac{1}{3}} 8$  بر حسب a و b می‌پردازیم:

$$\begin{aligned} \log_{\frac{1}{3}} 8 &= \log_{\frac{1}{3}} 2^3 = \frac{3}{4} \log_{\frac{1}{3}} 2 = \frac{3}{4} \times \frac{\log 2}{\log 3} = \frac{3}{4} \times \frac{(1 - \log 5)}{\log 3} \\ &= \frac{3}{4} \times \frac{1 - \frac{b}{3}}{\frac{3a - b}{6}} = \frac{3}{4} \times \frac{6 - b}{3a - b} = \frac{6 - b}{6a - 2b} \end{aligned}$$

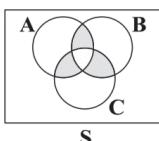


- ۱۰۰ ۴ با توجه به شکل زیر، می‌توان حداکثر ۳ تبدیل بازتاب پیدا کرد که تحت آن شکل بیشترین مساحت را خواهد داشت.



- ۱۰۱ ۱ علم احتمال، بررسی یک نمونه‌ی نامعلوم از یک جامعه‌ی معلوم است ولی علم آمار، شناختن جامعه‌ی نامعلوم، با استفاده از نمونه‌های جمع‌آوری‌شده‌ی معلوم است.

- ۱۰۲ ۱ فرض کنیم A مجموعه اعداد بخش‌پذیر بر ۵، B مجموعه‌ی اعداد بخش‌پذیر بر ۳ و C مجموعه‌ی اعداد بخش‌پذیر بر ۲ باشد. حال مطابق نسودار ون، اشتراک فقط دو مجموعه از سه مجموعه A، B و C ناحیه هاشور خورده را می‌سازند که تعداد اعضای آن با فرمول زیر قابل محاسبه است:



$$n(A \cap B) + n(A \cap C) + n(B \cap C) - 3n(A \cap B \cap C)$$

بنابراین داریم:

$$P = P(A \cap B) + P(A \cap C) + P(B \cap C) - 3P(A \cap B \cap C)$$

$$\frac{\begin{matrix} [300] \\ 15 \end{matrix} + \begin{matrix} [300] \\ 10 \end{matrix} + \begin{matrix} [300] \\ 6 \end{matrix} - 3 \begin{matrix} [300] \\ 3 \end{matrix}}{\begin{matrix} 300 \\ 1 \end{matrix}}$$

$$= \frac{20 + 30 + 50 - 3(10)}{300} = \frac{7}{30}$$

$$P(b') = 1 - P(b) \quad (4) \quad 103$$

$$\underbrace{P(a) + P(b) + P(c) + P(d)}_{\frac{3}{5}} = 1 \Rightarrow P(d) = 1 - \frac{3}{5} = \frac{2}{5} \quad (**)$$

$$P\{b, d\} = \frac{4}{7} \Rightarrow P(b) + P(d) = \frac{4}{7} \quad (**) \rightarrow P(b) = \frac{4}{7} - \frac{2}{5} = \frac{6}{35}$$

$$\Rightarrow P(b') = 1 - \frac{6}{35} = \frac{29}{35} \quad (4) \quad 104$$

عدد	۱	۲	۳	۴	۵	۶
مقسوم‌علیه	{1}	{1, 2}	{1, 3}	{1, 2, 4}	{1, 5}	{1, 2, 3, 6}

حال اگر یکی از احتمالات یک عضوی را  $\times$  فرض کنیم، در این صورت سایر احتمالات یک عضوی را بر حسب  $\times$  می‌نویسیم. داریم:

$$P(1) = x \Rightarrow P(2) = P(3) = P(5) = 2x, P(4) = 3x, P(6) = 4x$$

بنابراین:

$$P(1) + \dots + P(6) = 1$$

$$x + 3(2x) + 3x + 4x = 1 \Rightarrow 14x = 1 \Rightarrow x = \frac{1}{14}$$

$$P(3) : \text{از طرفی} \Rightarrow P(\{3, 6\}) = P(3) + P(6)$$

$$\frac{x}{14} = 2x + 4x = 6x \Rightarrow \frac{6}{14} = \frac{3}{7}$$



$$\begin{aligned} P(\circ) &= P(D) = \frac{1}{\lambda} \\ P(1) &= P(C) = \frac{3}{\lambda} \\ P(2) &= P(B) = \frac{3}{\lambda} \\ P(3) &= P(A) = \frac{1}{\lambda} \end{aligned} \Rightarrow P(A) + P(D) = \frac{1}{\lambda} + \frac{1}{\lambda} = \frac{1}{4}$$

فضای احتمال غیر هم‌شانس است.

$$S = \{m_1, m_2, w_1, w_2, w_3\}$$

$$P(m_1) = P(m_2) = x$$

۴ ۱۱۰

$$P(w_1) = P(w_2) = P(w_3) = \frac{x}{\gamma}$$

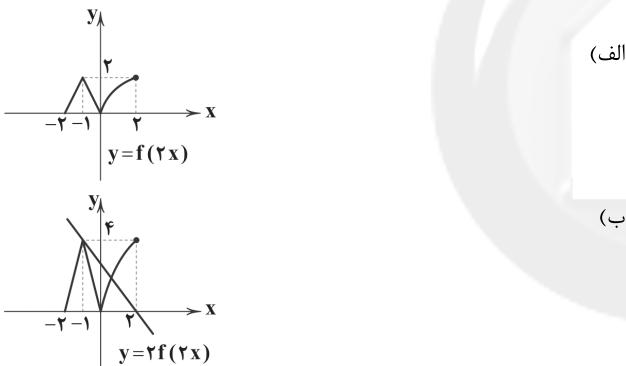
$$P(m_1) + P(m_2) + P(w_1) + P(w_2) + P(w_3) = 1$$

$$x + x + \frac{x}{2} + \frac{x}{2} + \frac{x}{2} = 1 \Rightarrow \frac{7x}{2} = 1 \Rightarrow x = \frac{2}{7}$$

$$\Rightarrow P(\{m_1, w_2\}) = P(m_1) + P(w_2) = \frac{2}{7} + \frac{1}{7} = \frac{3}{7}$$

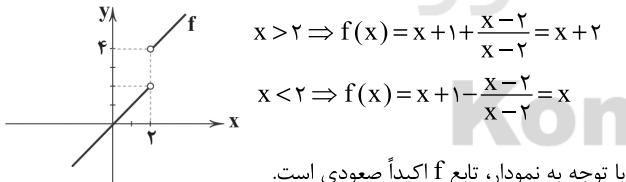
از روی نمودار  $f(x)$ , نمودار  $2f(2x)$  را در دو مرحله (الف)  $f(2x)$  و (ب)  $2f(2x)$  رسم می‌کنیم. خط  $y = -\frac{4}{3}(x-2)$  از دو نقطه  $(-1, 4)$  و  $A(2, 0)$  عبور می‌کند.

(الف)



(ب)

مالحظه می‌کنید که دو تابع در دو نقطه متقاطع‌اند.

۱۱۲ تابع را برای دو حالت  $x > 2$  و  $x < 2$  بررسی می‌کنیم:با توجه به نمودار، تابع  $f$  اکیداً صعودی است.۱۱۳ ابتدا نمودار  $y = x^3$  را در نظر می‌گیریم و سپس مراحل زیر را انجام می‌دهیم.

$$y = (x+1)^3 \quad (1)$$

$$y = (x+1)^3 + 3 \leftarrow + 3 \leftarrow \quad (2)$$

قرینه نسبت به محور  $y$  به این شکل است:

$$y = (-x+1)^3 + 3 = -x^3 + 3x^2 - 3x + 1 + 3$$

$$= -x^3 + 3x^2 - 3x + 4$$

۱۱۴ برای آن‌که تابع  $f$  در فاصله  $(4, \infty)$  یکنواز اکید نباشد، باید رأس سهمی در این بازه قرار گیرد:

$$-\frac{1}{2} < \frac{a}{2} < 4 \Rightarrow 0 < \frac{1}{2a} < 4 \xrightarrow{\text{عكس}} 2a > \frac{1}{4} \Rightarrow a > \frac{1}{8}$$

$$P(A \cup B') + P(A' \cup B) = P(A' \cap B)' + P(A \cap B')$$

$$= 1 - P(A' \cap B) + 1 - P(A \cap B')$$

$$= 2 - P(B-A) - P(A-B) = \frac{1}{\gamma}$$

$$\Rightarrow P(A-B) + P(B-A) = 2 - \frac{1}{\gamma} = \frac{4}{\gamma} \quad (*)$$

$$P[(A-B) \cup (B-A)]$$

$$= P(A-B) + P(B-A) - P[(A-B) \cap (B-A)] \stackrel{(*)}{=} \frac{4}{\gamma}$$

$$\Rightarrow P[(A-B) \cup (B-A)] = \frac{4}{\gamma}$$

۱۱۵ فضای نمونه‌ای پرتاب هر تاس، ۶ برآمد دارد، بنابراین پرتاب ۲ تاس،  $6 \times 6 = 36$  برآمد دارد.  $n(S) = 36$ 

روش اول: مجموع اعداد دو تاس، عددی اول و بزرگتر از ۶، یعنی مجموع اعداد دو تاس ۷ یا ۱۱ شود:

$$A = \{(1, 6), (6, 1), (2, 5), (5, 2), (3, 4), (4, 3), (5, 6), (6, 5)\} \Rightarrow n(A) = 8$$

$$P(A) = \frac{n(A)}{n(S)} = \frac{8}{36} = \frac{2}{9}$$

روش دوم: می‌توان از جدول پرکاربرد زیر استفاده نمود و تعداد دفاتری که برآمد مورد نظر رخ می‌دهد، یعنی مجموع اعداد روشده ۷ یا ۱۱ می‌شود را محاسبه نمود.

مجموع اعداد روشده در پرتاب ۲ تاس	۲	۳	۴	۵	۶	۷	۸	۹	۱۰	۱۱	۱۲
تعداد حالات	۱	۲	۳	۴	۵	۶	۵	۴	۳	۲	۱

$$P(A) = \frac{6+2}{36} = \frac{2}{9}$$

۱۱۶ با فرض (۱)  $x = (\text{برد حمید}) P$  داریم:

$$P = \frac{x}{2} = (\text{برد حسن}) P \quad (2)$$

$$P = 2P = (\text{باخت حمید})$$

$$\Rightarrow 1 - P = \frac{1-x}{2} = (\text{برد رضا}) P = 2P = (\text{برد حمید}) \quad (3)$$

$$P = 1 - P = 1 - \frac{1}{3}P = (\text{باخت رضا}) 3P \Rightarrow (\text{باخت علی}) P = \frac{1}{3}P \quad (4)$$

$$\Rightarrow 1 - \frac{1}{3}P = \frac{1-x}{2} = (\text{برد علی}) P = 1 - \frac{1-x}{2} = \frac{3x-1}{2} \quad (4)$$

$$P = (\text{برد رضا}) P + (\text{برد حسن}) P + (\text{برد علی}) P = 1 \quad (5)$$

$$\frac{(1), (2), (3), (4)}{x + \frac{1-x}{2} + \frac{3x-1}{2} = 1} \Rightarrow \frac{5x}{2} = 1 \quad (5)$$

$$\Rightarrow x = \frac{2}{5} \Rightarrow P = \frac{2}{5} = (\text{باخت حمید}) P \quad (6)$$

۱۱۷ می‌دانیم که اگر فضای نمونه‌ای دارای  $n$  عضو باشد، در اینصورت  $\frac{1}{n}$  پیشامد قابل تعریف است. حال چون برآمددهای  $a_1$  و  $a_2$  داده‌اند، پس پیشامدهایی مدنظر است که برآمددهای  $a_1$  و  $a_2$  را شامل باشند، بنابراین مطلوب مسئله، تعداد زیرمجموعه‌هایی از  $S$  است که دو عضو  $a_1$  و  $a_2$  را شامل شوند که تعداد آن‌ها برابر است با:۱۱۸  $S$ . فضای نمونه‌ای تعداد فرزندان دختر است، بنابراین:

$$S = \{0, 1, 2, 3\}$$



$$\Rightarrow y = -x^2 - 2x + 1 \xrightarrow[y=0]{} \text{تلاقی با محور} \rightarrow x^2 + 2x - 1 = 0$$

$$\Delta = 4 - 4(1)(-1) = 4 + 4 = 8 \Rightarrow x = \frac{-b \pm \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{-2 \pm \sqrt{8}}{2}$$

$$\xrightarrow{n > 0} n = \frac{-2 + 2\sqrt{2}}{2} = -1 + \sqrt{2}$$

$$\Rightarrow m + n + k = (-1) + (-1 + \sqrt{2}) + 1 = -1 + \sqrt{2}$$

**۱ ۱۲۱** حاصل ضرب دو ماتریس سط्रی و ستونی داده شده، یک معادله درجه دوم است.

$$x(x+1) + 2x + m(1-x) = 0 \Rightarrow x^2 + x + 2x + m - mx = 0$$

$$\Rightarrow x^2 + (3-m)x + m = 0 \xrightarrow{x=2} 4 + (3-m)2 + m = 0$$

$$\Rightarrow 4 + 6 - 2m + m = 0 \Rightarrow m = 10$$

معادله:  $x^2 - 7x + 10 = 0 \Rightarrow x = 2, 5$

$$\frac{1}{x_1} + \frac{1}{x_2} = \frac{1}{2} + \frac{1}{5} = \frac{5+2}{10} = \frac{7}{10}$$

**۴ ۱۲۲**

ابتدا با ضرب کردن ماتریس‌های داده شده، ماتریس A را به دست می‌آوریم:

$$A = \begin{bmatrix} 3 \times 2 - 5 \times 1 & 3 \times 5 - 5 \times 3 \\ -1 \times 2 + 2 \times 1 & -1 \times 5 + 2 \times 3 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 2 \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow A = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 2 \end{bmatrix}$$

$\xrightarrow{A^5}$  یک ماتریس قطری است.

$$A^5 = \begin{bmatrix} (1)^5 & 0 \\ 0 & (2)^5 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 32 \end{bmatrix}$$

پس مجموع درایه‌های ماتریس A، برابر ۳۳ است.

**۴ ۱۲۳**

$$A \times B = \begin{bmatrix} a & 1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} 5 & 3 \\ 3 & a \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 5a + 3 & 4a \\ a + 3 & a + 3 \end{bmatrix}$$

$$B \times A = \begin{bmatrix} 5 & 3 \\ 3 & a \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} a & 1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 5a + 3 & a \\ 4a & a + 3 \end{bmatrix}$$

$$A \times B = B \times A \Rightarrow 4a = a \Rightarrow a = 2$$

**۲ ۱۲۴**

$$A^2 = \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}$$

$$A^4 = A^2 \times A^2 = \begin{bmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 5 & 3 \\ 3 & 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix}$$

$$ab + cd = 5 \times 2 + 3 \times 2 = 15 + 6 = 21$$

**۳ ۱۲۵** ماتریس C از مرتبه  $2 \times 2$  خواهد بود.

$$C = [ij]_{4 \times 4} \times [j+1]_{4 \times 2} = [c_{ij}]_{4 \times 2} = \begin{bmatrix} c_{11} & c_{12} \\ c_{21} & c_{22} \\ c_{31} & c_{32} \\ c_{41} & c_{42} \end{bmatrix}$$

درایه‌های سطر آخر  $c_{31}, c_{32}$  و  $c_{41}, c_{42}$  هستند.

$$A = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \\ 6 & 6 & 6 & 6 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} 2 & 3 \\ 2 & 3 \\ 2 & 3 \\ 2 & 3 \end{bmatrix}$$

$$c_{31} = 6 \times 2 + 6 \times 2 + 6 \times 2 + 6 \times 2 = 4 \times 6 \times 2 = 4 \times 12 = 48$$

$$c_{32} = 6 \times 3 + 6 \times 3 + 6 \times 3 + 6 \times 3 = 4 \times 18 = 72$$

مجموع درایه‌های سطر آخر ماتریس C برابر  $72 + 48 = 120$  می‌باشد.

**۲ ۱۱۵** اگر نقطه  $A(x_0, y_0)$  روی تابع  $y = g(x)$  قرار گیرد

عنوانی  $A(\frac{x_0-1}{2}, y_0)$  نیز نقطه  $A$  روی تابع  $f(x) = g(2x+1)$  قرار می‌گیرد، چون:

$y_0 = g(\frac{x_0-1}{2} + 1) = g(x_0)$  چون نقطه  $(2, 5)$  روی  $y = g(x)$  قرار دارد، پس نقطه  $(\frac{2-1}{2}, 5)$  روی

تابع  $g(2x+1)$  قرار می‌گیرد، در نتیجه جواب مسئله  $(\frac{1}{2}, 5)$  است.

**۴ ۱۱۶**

$$\frac{3^{0/0} \cdot 5 \times 9^{0/25}}{81^{-0/1}} = \frac{3^{0/0} \cdot 5 \times (3^2)^{0/25}}{(3^4)^{-0/1}} \\ = \frac{3^{0/0} \cdot 5 \times 3^{0/5}}{3^{-0/4}} = 3^{0/0} \cdot 5 + 0/5 - (-0/4) = 3^{0/0} \cdot 5 + 0/5 + 0/4 = 3^{0/95}$$

**۴ ۱۱۷**

$$\frac{3}{4^2} \times \sqrt[3]{3^2} \times (\frac{1}{16})^{\frac{1}{4}} \times \sqrt[4]{\sqrt{256}} = (4^2)^{\frac{3}{2}} \times \sqrt[3]{2^1} \times (\frac{1}{16})^{\frac{1}{4}} \times \sqrt[4]{\sqrt{2^8}} \\ = 2^{(\frac{3}{2} \times \frac{3}{2})} \times 2^{\frac{1}{5}} \times 2^{\frac{(-4 \times \frac{3}{4})}{4}} \times \sqrt[4]{2^1} = 2^{\frac{9}{4}} \times 2^{\frac{1}{5}} \times (\frac{1}{2^4}) \times 2 = 2^{\frac{3}{4}} = 8$$

**۱ ۱۱۸**

$$(\frac{1}{\sqrt{x}-1} - \frac{1}{\sqrt{x}+1}) + \frac{4}{x+1} = \frac{ax+b}{cx^2+d} \\ = \frac{\sqrt{x}+1 - \sqrt{x}-1}{x-1} + \frac{4}{x+1} = \frac{2}{x-1} + \frac{4}{x+1} \\ = \frac{2x+2+4x-4}{x^2-1} = \frac{6x-2}{x^2-1} = \frac{ax+b}{cx^2+d} \\ \text{تساوی فوق، به ازای هر } x \text{ از دامنه، اتحاد است.} \rightarrow a=6, b=-2, c=1, d=-1$$

$$\sqrt{a^b a^c c^d} = \sqrt{e^{-2} e^1} = \sqrt{e^{-2}} = \sqrt{(e^{-1})^2} = e^{-1} = \frac{1}{e}$$

**۲ ۱۱۹**

$$P(x) = \frac{2x^2 + 3}{x+4} - 1 = \frac{2x^2 + 3 - x - 4}{x+4} = \frac{2x^2 - x - 1}{x+4}$$

$$\left\{ \begin{array}{l} 2x^2 - x - 1 = 0 \Rightarrow x = 1, x = -\frac{1}{2} \\ x+4 = 0 \Rightarrow x = -4 \end{array} \right.$$

	-4	$-\frac{1}{2}$	1
$2x^2 - x - 1$	+	+	0
$x+4$	-	0	+
P(x)	-	+	0

تن

بنابراین  $P(x)$  در بازه  $[1, -\infty)$  نامیت است و لذا:

$b = 1$  بیشترین مقدار  $b$  است.

**۱ ۱۲۰**

$$x_S = \frac{-b}{2a} = -1 \Rightarrow \frac{2}{2m} = -1 \Rightarrow -2m = 2 \Rightarrow m = -1 \\ \Rightarrow y = -x^2 - 2x + k \xrightarrow{(-1, 2)} 2 = -(-1)^2 - 2(-1) + k \\ \Rightarrow 2 = -1 + 2 + k \Rightarrow k = 1$$



$$\Rightarrow S_{\Delta ABC} = \frac{25}{4} S_{\Delta A'B'C'} = \frac{25}{4} \left( \frac{1}{2} \times 2 \times 5 \right) = \frac{25 \times 5}{4}$$

$$= \frac{125}{4} = 31 \frac{1}{2} \text{ متر}^2$$

روش دوم:

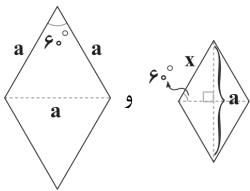
$$\frac{h'}{h} = \frac{B'C'}{BC} = \frac{5}{12/5} = \frac{2}{5} \Rightarrow \frac{2}{h} = \frac{2}{5} \Rightarrow h = 5$$

$$\Rightarrow S_{\Delta ABC} = \frac{1}{2} h \times BC = \frac{1}{2} \times 5 \times 12/5 = 2/5 \times 12/5 = 31 \frac{1}{2} \text{ متر}^2$$

هر دو لوزی دارای زوایای  $60^\circ$  و  $120^\circ$  می‌باشند: ۲ ۱۳۰

$$120^\circ + 60^\circ = 180^\circ$$

پس هر دو لوزی با هم متشابه‌اند و داریم:



$$\begin{cases} \text{طول ضلع} = \text{قطر کوچک} \\ \Rightarrow \text{طول ضلع} \times \left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right) = \text{قطر بزرگ} \end{cases}$$

اگر ضلع لوزی کوچک‌تر  $x$  و ضلع لوزی بزرگ‌تر  $a$  باشد، داریم:  
قطر کوچک لوزی بزرگ = قطر بزرگ لوزی کوچک‌تر

$$\Rightarrow 2\left(\frac{\sqrt{3}}{2}x\right) = a \Rightarrow \sqrt{3}x = a \Rightarrow \frac{a}{x} = \sqrt{3}$$

نسبت تشابه دو لوزی:  $\Rightarrow \left(\frac{a}{x}\right)^2 = 3$

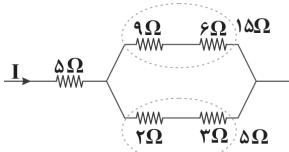
## فیزیک

۲ ۱۳۱ توان خروجی باتری همان توان مفید باتری یا توان مصرفی در مقاومت  $R$  است، بنابراین:

$$P = 3P' \Rightarrow RI^2 = 3 \times rI^2 \Rightarrow R = 3r$$

۲ ۱۳۲ در مدار جریان برقرار می‌شود و اختلاف پتانسیل الکتریکی دو سر باتری از راطله  $V = \epsilon - rI$  به دست می‌آید که در این رابطه بر حسب  $I$  تابع درجه یک با شیب منفی است که به ازای  $I = 0$  داریم:  $V = \epsilon$

۳ ۱۳۳ در این گونه مسائل که نسبت توان‌ها مورد سؤال قرار می‌گیرد، توصیه می‌شود که ابتدا جریان کلی را میان تمام مقاومت‌ها تقسیم کرده و سپس با توجه به جریان تقسیم‌شده و مقاومت‌های معلوم، نسبت توان‌ها را به دست آوریم. در اینجا داریم:



$$\begin{aligned} \Rightarrow \frac{I_{\text{بالا}}}{I} &= \frac{R_{\text{بالا}}}{R} \quad \text{پایین} \Rightarrow \frac{I_{\text{بالا}}}{I} = \frac{1}{3} \\ \Rightarrow I_{\text{بالا}} &= \frac{1}{3} I \quad \text{پایین} \Rightarrow I_{\text{بالا}} + I_{\text{بالا}} = I \Rightarrow 4I_{\text{بالا}} = I \quad \text{پایین} \\ \Rightarrow I_{\text{بالا}} &= \frac{I}{4} \quad \text{پایین} \end{aligned}$$

$$I_2 = I_3 = I_4 = \frac{3I}{4} \quad \text{پایین} \quad \text{بنابراین:}$$

$$P = RI^2 \Rightarrow \frac{P_5}{P_2} = \frac{R_5}{R_2} \times \left(\frac{I_5}{I_2}\right)^2 = \frac{5}{2} \times \left(\frac{1}{2}\right)^2 = \frac{5}{2} \times \frac{1}{9} = \frac{5}{18} = \frac{4}{9}$$

چون بیشترین مقدار  $x$  را می‌خواهد،  $x$  باید بزرگ‌ترین ضلع مثلث باشد ( $x > 3$ )، بنابراین حالتهای زیر را خواهیم داشت:

$$1) \ y > 5 > 4 \Rightarrow \frac{x}{y} = \frac{4}{5} = \frac{3}{4} \quad (\text{غرق}) \ x$$

$$2) \ 5 > y > 4 \Rightarrow \frac{x}{5} = \frac{4}{y} = \frac{3}{4} \Rightarrow x = \frac{15}{4}$$

$$3) \ 5 > 4 > y \Rightarrow \frac{x}{5} = \frac{4}{3} = \frac{3}{y}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} x = 5 \\ y = 3 \end{cases} \quad (\text{غرق}) \text{ زیرا دو مثلث همنهشت می‌گردند.}$$

بنابراین بیشترین مقدار  $x$  همان  $\frac{15}{4}$  است.

$$BC^2 = 12^2 + 5^2 = 13^2 \Rightarrow BC = 13 \Rightarrow BH = 13 - y \quad \text{بنابراین} \quad \text{۲ ۱۲۷}$$

$$AB^2 = BH \times BC \Rightarrow 12^2 = 13(13 - y)$$

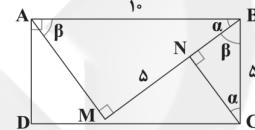
$$\Rightarrow 13 - y = \frac{144}{13} \Rightarrow y = 13 - \frac{144}{13} = \frac{25}{13}$$

$$AH \times BC = AB \times AC$$

$$\Rightarrow x \times 13 = 12 \times 5 \Rightarrow x = \frac{60}{13}$$

$$\Rightarrow x - y = \frac{60 - 25}{13} = \frac{35}{13}$$

دو مثلث قائم‌الزاویه‌ی  $BNC$  و  $AMB$  متشابه‌اند، بنابراین:



$$\frac{AM}{BN} = \frac{BM}{NC} = \frac{AB}{BC} \Rightarrow \frac{5+BN}{NC} = \frac{1}{5} = 2$$

$$\Rightarrow 5 + BN = 2NC \Rightarrow BN = 2NC - 5 \quad (*)$$

از طرفی بنا به رابطه فیثاغورس در  $BNC$  داریم:

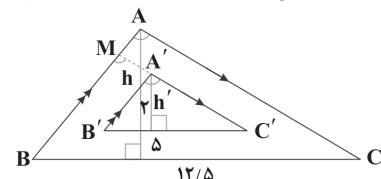
$$BN^2 + NC^2 = BC^2 \xrightarrow{(*)} (2NC - 5)^2 + NC^2 = 5^2$$

$$\Rightarrow 4NC^2 - 20NC + 25 + NC^2 = 25$$

$$\Rightarrow 5NC^2 - 20NC = 0 \Rightarrow 5NC(NC - 4) = 0$$

$$\xrightarrow{NC > 0} NC = 4$$

با امتداد ضلع  $A'C'$  و تقاطع آن با  $AB$  در نقطه‌ی  $M$  داریم: ۲ ۱۲۹

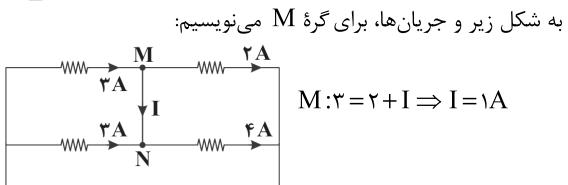


$$\begin{cases} MC' \parallel AC \\ AB \Rightarrow \hat{A} = \hat{M} \end{cases} \Rightarrow \hat{A}' = \hat{M} \Rightarrow \hat{A}' = \hat{A}'$$

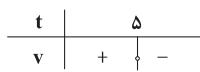
و به طور مشابه  $\hat{B} = \hat{B}'$  و  $\hat{C} = \hat{C}'$  است. بنابراین دو مثلث  $A'B'C'$  و  $ABC$  متشابه‌اند و در نتیجه:

روش اول:

$$\frac{S_{\Delta A'B'C'}}{S_{\Delta ABC}} = \left(\frac{B'C'}{BC}\right)^2 = \left(\frac{5}{12/5}\right)^2 = \left(\frac{1}{2/5}\right)^2 = \left(\frac{5}{2}\right)^2 = \frac{25}{4}$$



۱ ۱۴۰ اتصال کوتاه  $L_1$  یعنی اختلاف پتانسیل دو سر آن صفر شود و لامپ  $L_1$  خاموش می‌شود در نتیجه چون همه لامپ‌ها با  $L_1$  موازی‌اند، پس همه آن‌ها  $\Delta V$  شان صفر شده و همه خاموش می‌شوند.



۳ ۱۴۱ سرعت متغیر در لحظه  $t = 5s$  صفر می‌شود:

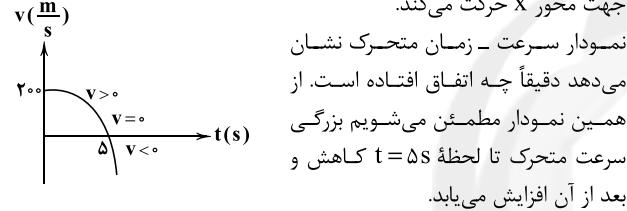
$$v = 200 - 8t^2 = 0 \Rightarrow t^2 = 25 \Rightarrow t = 5s$$

با تعیین علامت معادله بالا داریم:



$$\begin{aligned} & 0 \leq t < 5s \Rightarrow v > 0 \\ & t > 5s \Rightarrow v < 0 \end{aligned}$$

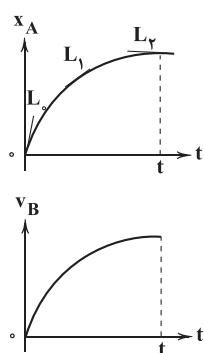
بنابراین متغیر ابتدا در جهت محور X و از لحظه  $t = 5s$  به بعد در خلاف جهت محور X حرکت می‌کند.



۳ ۱۴۲ نمودار مکان - زمان متغیر A

نشان می‌دهد که در بازه زمانی  $0 \leq t < 5s$  خط مماس بر نمودار مکان - زمان متغیر A رو به کاهش است، پس تندی متغیر A تا لحظه  $t$  مرتب کاهش می‌یابد.

نمودار سرعت - زمان متغیر B در بازه زمانی  $0 \leq t < 5s$  مرتب از محور زمان دور و دورتر می‌شود، بنابراین تندی متغیر B تا لحظه  $t$  مرتب افزایش می‌یابد.



۴ ۱۴۳ وقتی می‌گوییم تندی متغیر  $\frac{m}{s}$  است دو تا احتمال برای

سرعت وجود دارد؛ سرعت متغیر  $\frac{m}{s}$  یا  $\frac{m}{s}$  از طرفی متغیر از مکان‌های مشیت وارد مکان‌های منفی شده است؛ پس سرعت آن منفی است و معادله مکان - زمان آن به شکل مقابل است:

$$x = vt + x_0 = -2t + x_0$$

در لحظه  $t = 4s$  متغیر از مکان  $x = -3x_0$  عبور می‌کند، بنابراین:

$$-3x_0 = -2 \times 4 + x_0 \Rightarrow 4x_0 = 8 \Rightarrow x_0 = 2m$$

بنابراین:

۳ ۱۴۴

$$\begin{aligned} x_A &= v_A t + x_{A_0} \Rightarrow 650 = v_A \times 30 + x_{A_0} \\ x_B &= v_B t + x_{B_0} \Rightarrow 600 = v_B \times 30 + x_{B_0} \\ \Rightarrow 650 - 600 &= 30(v_A - v_B) + (x_{A_0} - x_{B_0}) \\ \Rightarrow v_A - v_B &= \frac{50}{30} = 16 \frac{m}{s} \end{aligned}$$

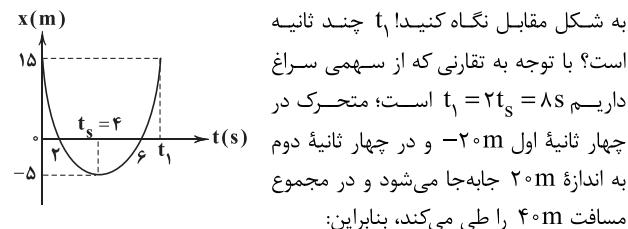


۳ ۱۴۹ در گزینه‌های (۱) و (۴) اندازه سرعت و در گزینه (۲) جهت سرعت تغییر می‌کند، بنابراین شتاب دارند. چون نور با سرعت ثابت در خلاً حرکت می‌کند، شتاب ندارد.

۴ ۱۵۰ رأس سهمی وسط لحظه‌های  $t=2s$  و  $t=6s$  قرار گرفته است، بنابراین:

$$t_s = \frac{2+6}{2} = \frac{8}{2} = 4s$$

سرعت متوسط زمانی صفر می‌شود که متحرک به مکان اولیه‌اش ( $x_0 = 15m$ ) برسد، بنابراین متحرک در لحظه  $t_s$  در مکان  $x = 15m$  قرار می‌گیرد.



$$s_{av} = \frac{1}{\Delta t} = \frac{40}{8} = 5 \frac{m}{s}$$

۴ ۱۵۱ با توجه به صورت سؤال و رابطه انرژی جنبشی، نسبت  $\frac{K_2}{K_1}$

برابر است با:

$$K = \frac{1}{2}mv^2 \Rightarrow \frac{K_2}{K_1} = \frac{m_2}{m_1} \times \left(\frac{v_2}{v_1}\right)^2$$

$$\Rightarrow \frac{K_2}{K_1} = \frac{m_1 + 10m_1}{m_1} \times \left(\frac{v_1 - 25}{v_1}\right)^2 \Rightarrow \frac{K_2}{K_1} = \frac{6}{5} \times \frac{9}{16} = \frac{27}{40}$$

درصد تغییرات انرژی جنبشی متحرک برابر است با:

$$K_2 = \frac{27}{40} K_1 \Rightarrow \frac{\Delta K}{K_1} \times 100 = \frac{\frac{27}{40} K_1 - K_1}{K_1} \times 100 = -32.5$$

علامت منفی نشان می‌دهد که انرژی جنبشی کاهش می‌یابد.

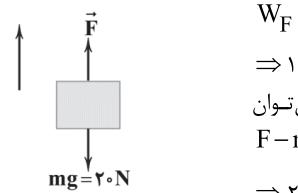
۱ ۱۵۲ اندازه نیروی  $\vec{F}$  برابر است با:

$$W_F = Fd \cos \alpha$$

$$\Rightarrow 120 = F \times 5 \times \cos 30^\circ \Rightarrow F = 24N$$

برای محاسبه شتاب حرکت جسم می‌توان  $F - mg = ma$  نوشت:

$$\Rightarrow 24 - 20 = 2 \times a \Rightarrow a = 2 \frac{m}{s^2}$$

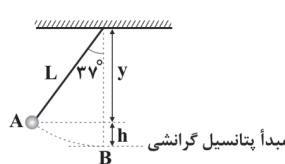


۱ ۱۵۳ انرژی مکانیکی آونگ در نقطه A برابر است با:

$$\begin{cases} E_A = K_A + U_A = 0 + mgh = 0 / 2mgL \\ \cos 30^\circ = \frac{y}{L} \Rightarrow y = 0 / \sqrt{3}L \\ h = L - y \Rightarrow h = L - 0 / \sqrt{3}L = 0 / \sqrt{3}L \end{cases}$$

با توجه به پایستگی انرژی مکانیکی آونگ داریم:

$$E_A = E_B \Rightarrow 0 / 2mgL = K_B + U_B \Rightarrow K_B = 0 / 2mgL$$



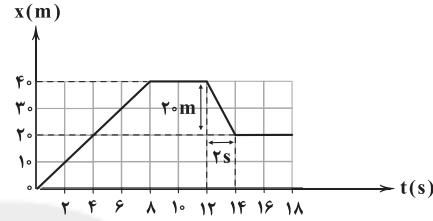
۳ ۱۴۵ برای مسافت پیموده شده توسط متحرک در دو حالت نتیجه  $I_1 = I_2$  می‌گیریم:

$$\Rightarrow s_1 \Delta t_1 = s_2 \Delta t_2 \Rightarrow v_0 \times \lambda = (v_0 + 3) \times 5$$

$$\Rightarrow \lambda v_0 = 5v_0 + 15 \Rightarrow 3v_0 = 15 \Rightarrow v_0 = 5 \frac{m}{s}$$

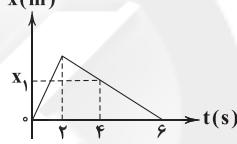
۳ ۱۴۶ شبی نمودار در بازه زمانی بین دو لحظه  $t=14s$  تا  $t=12s$  بیشتر از سایر باره‌های زمانی است. پس تندی متحرک در این بازه بیشینه است. تندی برابر با بزرگی شبی خطی است که دو نقطه مورد نظر از نمودار را به هم وصل می‌کند، بنابراین:

$$s = \frac{20m}{2s} = 10 \frac{m}{s}$$



۴ ۱۴۷ فرض کنید متحرک در لحظه  $t_1 = 4s$  در مکان  $x_1$  قرار دارد.

سرعت متوسط متحرک را در ۴ ثانیه اول با  $v_{av1}$  نشان می‌دهیم، بنابراین:



$$v_{av1} = \frac{x_1 - 0}{t_1 - 0} = \frac{x_1}{4}$$

سرعت متوسط متحرک را در بازه زمانی  $t_1 = 4s$  تا  $t_2 = 6s$  با  $v_{av2}$  نشان می‌دهیم، بنابراین:

$$v_{av2} = \frac{x_2 - x_1}{t_2 - t_1} = \frac{0 - x_1}{6 - 4} = \frac{-x_1}{2}$$

$$\frac{v_{av1}}{v_{av2}} = \frac{\frac{x_1}{4}}{\frac{-x_1}{2}} = \frac{2}{-4} = -\frac{1}{2}$$

بنابراین:

۱ ۱۴۸ شناگر طول استخر را در مدت ۱۵s طی می‌کند:

$$\Delta x_1 = v_1 \Delta t_1 \Rightarrow 30 = 2 \Delta t_1 \Rightarrow \Delta t_1 = 15s$$

متحرک ۵ ثانیه بعدی را با سرعت  $\frac{3m}{s}$  بر می‌گردد و  $15m$  در خلاف جهت اولیه جابه‌جا می‌شود:

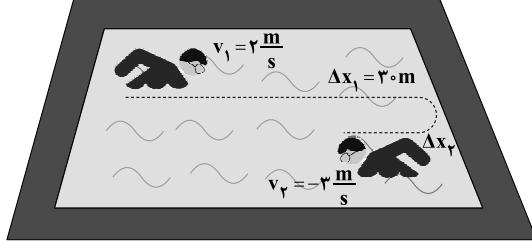
$$\Delta x_2 = v_2 \Delta t_2 = -3 \times 5 = -15m$$

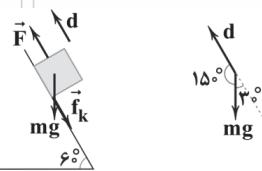
با توجه به محاسبات بالا، جایه‌جایی شناگر در ۲۰ ثانیه اول حرکت برابر است با:

$$\Delta x = \Delta x_1 + \Delta x_2 = 30 - 15 = 15m$$

بنابراین سرعت متوسط شناگر در ۲۰ ثانیه اول برابر است با:

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{15}{20} = \frac{3}{4} = 0.75 \frac{m}{s}$$





**۱۵۹** با توجه به قانون پایستگی انرژی مکانیکی و چشم‌پوشی از مقاومت هوا، بدینه است که تندی برخورد هر سه گلوله با زمین یکسان است، ولی از آن جا که گلوله (۱) بیشترین مسیر را می‌پیماید، زمان بیشتری را هنگام رسیدن به زمین در راه خواهد بود و گلوله‌های (۲) و (۳) به ترتیب زمان‌های کمتری را در راه خواهند بود.

**۱۶۰** (بازده) (Ra) این متوثر برابر است با:

$$Ra = \frac{P_{خروجی}}{P_{ورودی}} = \frac{5 \times 10^2 W}{4 \times 10^3 W} \times 100 = 12.5$$

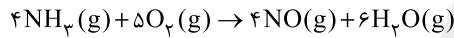
آب به اندازه ۶ متر جایه جا می‌شود.

$$P_{خروجی} = \frac{mgh}{t} = \frac{5 \times 10^2 W \times 6}{60} = 5 \times 10^2 W$$

### شیمی

**۱۶۱** در بین واکنش‌های داده شده، فقط گرمای واکنش (IV) را می‌توان به روش تجربی اندازه‌گیری کرد.

**۱۶۲** معادله موازن‌شده واکنش هدف به صورت زیر است:



برای رسیدن به واکنش هدف، باید تغییرات زیر را بر روی واکنش‌های کمکی اعمال کنیم:

✓ واکنش b را ازونه و ضرایب آن را در عدد ۲ ضرب کنیم.

✓ ضرایب واکنش a را در عدد ۲ ضرب کنیم.

✓ ضرایب واکنش c را در عدد ۳ ضرب کنیم.

$$\Delta H_{\text{هدف}} = -2\Delta H_b + 2\Delta H_a + 3\Delta H_c$$

$$= -2(-92) + 2(+182) + 3(-484) = -904 \text{ kJ}$$

مقدار گرمای آزاد شده به ازای سوختن یک مول  $\text{NH}_3$ ، بر حسب kCal برابر است با:

$$? \text{ kCal} = 1 \text{ mol } \text{NH}_3 \times \frac{904 \text{ kJ}}{4 \text{ mol } \text{NH}_3} \times \frac{1 \text{ kCal}}{418 \text{ kJ}} = 54 \text{ kCal}$$

**۱۶۳** می‌دانیم ارزش سوختی پروتئین و کربوهیدرات با هم برابر است. بنابراین ارزش سوختی  $30 \text{ g}$  از ماده غذایی مورد نظر به صورت زیر محاسبه می‌شود:

$$(4 \times 38) + (3 \times 17) + (1/5 \times 17) = 228/5 \text{ kJ}$$

به این ترتیب ارزش سوختی این ماده بر حسب  $\text{kJ.g}^{-1}$  برابر خواهد بود با:

$$\frac{228/5 \text{ kJ}}{30 \text{ g}} = 7.61 \text{ kJ.g}^{-1}$$

**۱۶۴** با فرض این که حالت فیزیکی اجزای واکنش یکسان باشد، گرمای سوختن اتن (C<sub>2</sub>H<sub>4</sub>O) بیشتر از اتانول (C<sub>2</sub>H<sub>5</sub>OH) است (حذف گزینه‌های ۳ و ۴). از طرفی چون سطح انرژی اتن گازی بالاتر از اتن مایع است، از سوختن اتن گازی شکل، گرمای بیشتری آزاد می‌شود.

**۱۶۵** هر چهار عبارت پیشنهاد شده نادرست هستند.

### بررسی عبارت‌های نادرست:

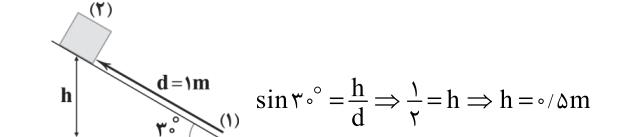
(آ) افزودن محلول سدیم‌کلرید به محلول نقره‌نیترات باعث تشکیل سریع رسوب سفیدرنگ نقره کلرید می‌شود.

(ب) اشیای آهنه در هوای مطروب به گندی زنگ می‌زنند.

(پ) افجار، یک واکنش شیمیایی سیار سریعی است که در آن از مقدار کمی ماده منفجرشونده به حالت جامد یا مایع، حجم زیادی از گازهای داغ تولید می‌شود.

(ت) زرد و پوسیده شدن کتاب‌های قدیمی در گذر زمان نشان می‌دهد که واکنش تجزیه سلولز کاغذ بسیار گند رُخ می‌دهد.

**۱۵۴** اگر جسم روی سطح شیبدار، مسافت ۱m را طی کند، تا ارتفاع h روی سطح بالا می‌رود:



با توجه به اتفاق انرژی، برای محاسبه کار نیروی اصطکاک جنبشی روی جسم می‌توان نوشت:

$$\begin{aligned} E_2 - E_1 &= W_{f_k} \Rightarrow K_2 + U_2 - K_1 - U_1 = W_{f_k} \\ \Rightarrow mg h - \frac{1}{2}mv^2 &= W_{f_k} \Rightarrow 2 \times 10 \times 10/5 - \frac{1}{2} \times 2 \times 25 = W_{f_k} \\ \Rightarrow 10 - 25 &= W_{f_k} \Rightarrow W_{f_k} = -15 \text{ J} \Rightarrow |W_{f_k}| = 15 \text{ J} \end{aligned}$$

**۱۵۵** حداکثر انرژی پتانسیل کشسانی هنگامی در فنر ذخیره می‌شود که به بیشترین کشیدگی نسبت به طول عادی اش برسد، بنابراین برای نقاط A و C می‌توان نوشت:

$$\begin{aligned} E_C = E_A &\Rightarrow K_C + U_{g_C} + U_{e_C} = K_A + U_{g_A} + U_{e_A} \\ \Rightarrow mg h_C + U_{e_{\max}} &= mg h_A \\ \Rightarrow 2 \times 10 \times 10/3 + U_{e_{\max}} &= 2 \times 10 \times 10/5 \\ \Rightarrow 6 + U_{e_{\max}} &= 10 \Rightarrow U_{e_{\max}} = 4 \text{ J} \end{aligned}$$

**۱۵۶** چون نیروی وارد شده هم جهت با جایه جایی است، بنابراین  $\cos\theta = 1$  می‌باشد و  $W = Fd$  است. حالا کافی است اندازه کار انجام شده در هر مرحله را به دست آورده و آن‌ها را با هم جمع کنیم:

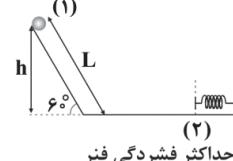
$$\begin{aligned} W_F &= W_1 + W_2 + W_3 = F_1 d_1 + F_2 d_2 + F_3 d_3 \\ \Rightarrow W_F &= 4 \times 5 + 2 \times 5 + 1 \times 10 = 40 \text{ J} \end{aligned}$$

**۱۵۷** هنگامی فنر دارای حداکثر انرژی پتانسیل کشسانی است که گلوله متوقف شود ( $K_2 = 0$ ) و با توجه به این که مسیر بدون اصطکاک است می‌توان نوشت:

$$\begin{aligned} E_1 = E_2 &\Rightarrow U_1 + K_1 = U_2 + K_2 + U_e \Rightarrow mgh_1 + \frac{1}{2}mv_1^2 = U_e \\ \Rightarrow 2 \times 10 \times h_1 + \frac{1}{2} \times 2 \times 4 &= 20 \Rightarrow 20h_1 = 16 \Rightarrow h_1 = \frac{1}{10} \text{ m} \end{aligned}$$

بنابراین طول سطح شیبدار برابر است با:

$$\sin 60^\circ = \frac{h}{L} \Rightarrow \frac{1}{10}/\sqrt{3} = \frac{1}{L} \Rightarrow L = 1 \text{ m}$$



حداکثر فشرده‌گی فنر

**۱۵۸** با توجه به قضیه کار و انرژی جنبشی می‌توان نوشت:

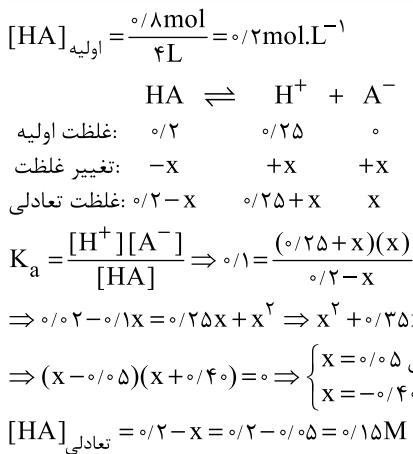
$$W_t = \Delta K = 0 \Rightarrow W_F + W_{mg} + W_{f_k} = 0$$

$$\Rightarrow W_F + (mg \cos 15^\circ) d + (f_k \cos 18^\circ) d = 0$$

$$\cos 15^\circ = -\cos 30^\circ$$

$$\Rightarrow W_F + (25 \times 10 \times (-\sqrt{3}/2)) \times 10 + (10 \times (-1)) \times 10 = 0$$

$$\Rightarrow W_F = 2100 \text{ J} = 21 \text{ kJ}$$



۱ ۱۷۳

## ۳ ۱۶۶ بررسی سایر گزینه‌ها:

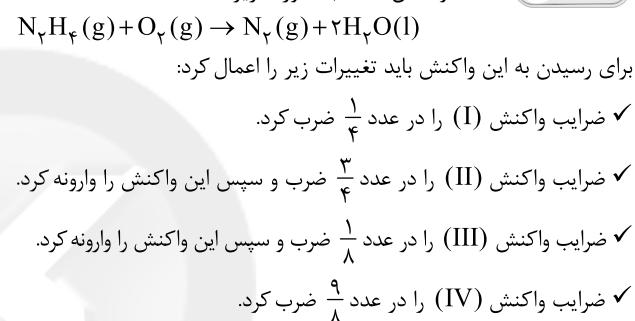
- ۱) تهیه آمونیاک به روش هابر، یک واکنش دو مرحله‌ای است که مرحله اول آن برخلاف مرحله دیگر، یک واکنش گرم‌آمیخت است.  
 ۲) گرم‌آمیخت معین به دما و فشار انجام آن وابسته است.  
 ۴) شیمی‌دان‌ها، آنتالپی سوختن یک ماده را هم ارز با آنتالپی واکنشی می‌دانند که در آن یک مول ماده در اکسیژن کافی به طور کامل می‌سوزد. یکی از فراورده‌های سوختن کامل مواد آبی در دمای اتاق،  $\text{H}_2\text{O}$  است و حالت مایع دارد.

- ۴ ۱۶۷ در بین ویژگی‌های اشاره شده، فقط دمای جوش اتانول بیشتر از دمای جوش اتان است.

- ۲ ۱۶۸ به جز عبارت «ب» سایر عبارت‌ها درست هستند.

- تهیه هیدروژن پراکسید از واکنش مستقیم گازهای هیدروژن و اکسیژن، ممکن نیست.  
 ۱ ۱۶۹ هر چهار عامل اشاره شده در چگونگی و زمان نگهداری غذا مؤثر هستند.

- ۲ ۱۷۰ معادله واکنش هدف به صورت زیر است:



سپس هر چهار واکنش را با هم جمع کنیم:

$$\Delta H = (\frac{1}{4}\Delta H_I) + (-\frac{3}{4}\Delta H_{II}) + (-\frac{1}{8}\Delta H_{III}) + (\frac{9}{8}\Delta H_{IV})$$

$$\Delta H = (\frac{1}{4}(-1012)) + (-\frac{3}{4}(-316)) + (-\frac{1}{8}(-288)) + (\frac{9}{8}(-568))$$

$$= (-253) + (237) + (36) + (-639) = -619 \text{ kJ}$$

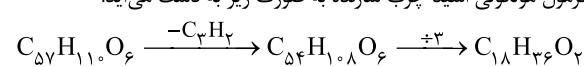
- ۲ ۱۷۱ فرمول عمومی صابون جامد با زنجیر هیدروکربنی سیرشده، به صورت  $\text{C}_n\text{H}_{2n+1}\text{COONa}$  است. شمار اتم‌های کربن این صابون برابر با  $n+1$  بوده و در نتیجه  $n$  پیوند C-C در ساختار آن وجود دارد. از طرفی شمار اتم‌های هیدروژن آن برابر با  $2n+1$  بوده و در نتیجه  $2n+1$  پیوند H-C در ساختار آن وجود دارد. مطابق داده‌های سؤال می‌توان نوشت:  
 $(2n+1)-(n)=18 \Rightarrow n+1=18 \Rightarrow n=17$

- بنابراین فرمول شیمیایی این صابون به صورت  $\text{C}_{17}\text{H}_{35}\text{COONa}$  خواهد بود.  
 معادله موازن‌شده واکنش میان این صابون و منزیم کلرید به صورت زیر است:  
 $2\text{C}_{17}\text{H}_{35}\text{COONa}(\text{s}) + \text{MgCl}_2(\text{aq}) \rightarrow \text{Mg}(\text{C}_{17}\text{H}_{35}\text{COO})_2(\text{s}) + 2\text{NaCl}(\text{aq})$   
 (رسوب)

$$\frac{\text{گرم رسوب}}{\text{جرم مولی} \times \text{ضریب}} = \frac{\text{گرم صابون}}{\text{جرم مولی} \times \text{ضریب}}$$

$$\Rightarrow \frac{183/6 \text{ g}}{2 \times 30.6} = \frac{x \text{ g}}{1 \times 59.0} \Rightarrow x = 177 \text{ g}$$

- ۴ ۱۷۲ با داشتن فرمول مولکولی استر سه عاملی به راحتی می‌توان فرمول مولکولی اسید چرب سازنده آن را به دست آورد. برای این کار باید یک گروه  $\text{C}_3\text{H}_6$  از فرمول استر کم کرد و سپس شمار هر کدام از اتم‌های باقی‌مانده را بر عدد ۳ تقسیم کرد. به عنوان مثال، اگر فرمول استر سه عاملی به صورت  $\text{C}_{57}\text{H}_{110}\text{O}_6$  باشد، فرمول مولکولی اسید چرب سازنده به صورت زیر به دست می‌آید:



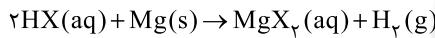
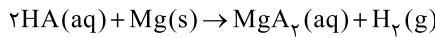
سرعت تولید گاز در محلول (a) بیشتر است، بنابراین می‌توان گفت که اسید موجود در محلول (a) قدرت اسیدی بیشتری دارد و غلفت یون هیدرونیوم در محلول آن بیشتر است.

## بررسی عبارت‌های نادرست:

(آ) در هر دو واکنش گاز  $\text{H}_2$  آزاد می‌شود.

(ب) اغلب فلزها با اسیدها واکنش می‌دهند.

(ت) حجم گاز تولیدشده در دو محلول با هم برابر است:



۲ ۱۷۵ • آمونیاک، آهک، پتاسیم و باریم اکسید، باز آرنیوس محسوب می‌شوند. زیرا در آب سبب افزایش غلفت یون هیدروکسید می‌شوند.

• متابول در آب به صورت مولکولی حل می‌شود و غلفت هیچ کدام از یون‌های  $\text{OH}^-$  و  $\text{H}^+$  (aq) را افزایش نمی‌دهد. در نتیجه مطابق مدل آرنیوس، متابول خاصیت اسیدی یا بازی ندارد.

• گوگرد تری‌اکسید، اسید آرنیوس محسوب می‌شود. زیرا در آب سبب افزایش غلفت یون هیدرونیوم می‌شود.

۲ ۱۷۶ مطابق رابطه  $M \cdot K_a = \alpha^2$ , در دمای ثابت، مقدار  $K_a$  ثابت است و در نتیجه رابطه میان  $\alpha$  و  $M$  به صورت وارونه است (حذف گزینه‌های (۳) و (۴)). از طرفی این ارتباط به صورت خطی نیست (حذف گزینه (۱)).

۲ ۱۷۷ سوسپانسیون و کلوبیدها، برخلاف محلول‌ها نور را پخش می‌کنند. طبقه‌بندی مخلوط‌های داده شده در سؤال به صورت زیر است:

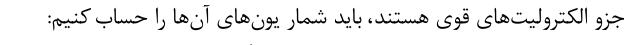
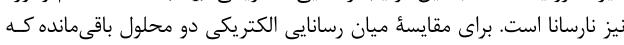
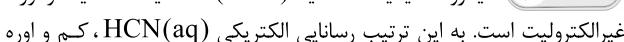
• سوسپانسیون: شربت معده، شربت حاکشیر

• کلوبید: شیر، مخلوط آب و روغن و کمی صابون

• محلول: صدیخ، مخلوط آب و کمی شکر، مخلوط آب و اتانول، مخلوط آب و کمی کات کبود

بنابراین مخلوط‌های آورده شده در گزینه (۲) نور را پخش می‌کنند.

۴ ۱۷۸ هیدروسیانیک اسید (HCN)، اسید ضعیف و اوره، غیرکترولیت است. به این ترتیب رسانایی الکتریکی  $\text{HCN}(\text{aq})$ ,  $\text{K}$ ,  $\text{M}$  و اوره نیز نارسانا است. برای مقایسه میان رسانایی الکتریکی دو محلول باقی‌مانده که جزو الکترولیت‌های قوی هستند، باید شمار یون‌های آن‌ها را حساب کنیم:



بنابراین محلول منیزیم نیترات که شمار یون‌های آن بیشتر است، رسانایی بهتری است.



ضرایب  $H_2O_2$  و  $H_2O$  را به ترتیب  $a$  و  $b$  در نظر می‌گیریم و برای موازنۀ اتم‌های اکسیژن و هیدروژن، معادله‌های زیر را تشکیل می‌دهیم:

$$(1) \quad 2a + b = 2 \times 2 + 2 \times 3 + 2a = 2 \times 8 + 2 \times 3 + b$$

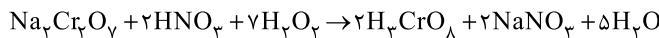
$$\Rightarrow 13 + 2a = 22 + b \Rightarrow 2a - b = 9$$

$$(2) \quad 2a + b = 2 \times 3 + 2b$$

$$\Rightarrow 2 + 2a = 6 + 2b \Rightarrow a - b = 2$$

از حل معادله‌های (1) و (2) مقادیر  $a$  و  $b$  به ترتیب برابر ۷ و ۵ به دست می‌آید.

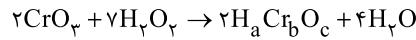
بنابراین شکل موازنۀ شدۀ معادله مورد نظر به صورت زیر خواهد بود:



به این ترتیب مجموع ضرایب واکنش‌دهنده‌ها برابر با ۱۰ و مجموع ضرایب فراورده‌ها برابر با ۹ و تفاوت آن‌ها برابر با ۱ است.

**۲ ۱۸۷** مقایسه فراوانی گازهای نجیب در هوای پاک و خشک به  $Ar > Ne > He > Kr > Xe$  صورت مقابل است:

**۴ ۱۸۸** فرمول پرکرومیک اسید را به صورت  $H_aCr_bO_c$  در نظر می‌گیریم. مطابق اطلاعات سؤال معادله مورد نظر به صورت زیر خواهد بود.



با توجه به مفهوم موازنۀ خواهیم داشت:

$$H = ۳ \quad (7 \times ۲) = 2a + (4 \times ۲) \Rightarrow a = ۳$$

$$Cr = ۱ \quad (2 \times ۱) = 2b \Rightarrow b = ۱$$

$$O = ۸ \quad (2 \times ۳) + (7 \times ۲) = (2 \times c) + (4 \times ۱) \Rightarrow c = ۸$$

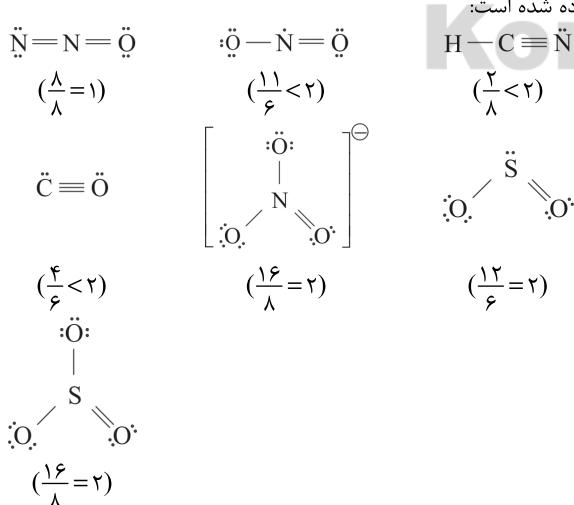
بنابراین فرمول پرکرومیک اسید به صورت  $H_3CrO_8$  و هر واحد فرمولی از آن دارای ۱۲ اتم است.

**۱ ۱۸۹** با توجه به نقطۀ جوش گازهای نیتروژن ( $C = ۱۹۶^\circ$ )،

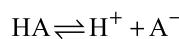
آرگون ( $-186^\circ C$ ) و اکسیژن ( $-183^\circ C$ ), با افزایش تدریجی دمای هوای مایع، ابتدا گاز  $N_2$ , سپس  $Ar$  و در نهایت  $O_2$  جدا می‌شود.

فراوانی  $N_2$  در هواکه بیشتر از دو گاز دیگر و فراوانی  $Ar$  در هواکه، کمتر از دو گاز دیگر است.

**۲ ۱۹۰** ساختار لیوپس تمام گونه‌ها به همراه نسبت مورد نظر در زیر آورده شده است:



در سه گونه  $\ddot{O}^-$ ,  $NO_3^-$  و  $SO_4^{2-}$ , نسبت شمار الکترون‌های ناپیوندی به شمار الکترون‌های پیوندی حداقل برابر با ۲ است.



از آن جاکه به‌ازای یونش هر مولکول اسید، دو یون ( $H^+$ ,  $A^-$ ) پدید می‌آید، شمار مولکول‌های پیوندۀ اسید، ۶ برابر شمار یون ( $A^-$ ) است. به این معنی  $HA$  مولکول آن به صورت پیوندۀ شده باقی می‌ماند و یک مولکول آن که پیوندۀ می‌شود، دو یون ( $H^+$ ,  $A^-$ ) پدید می‌آورد.

$$\frac{\text{شمار مولکول‌های پیوندۀ شده}}{\text{شمار کل مولکول‌های حل شده}} = \frac{۱}{۷}$$

$$= \frac{۱}{۷} \times ۱۰۰ = \frac{۱۴}{۲۸}$$

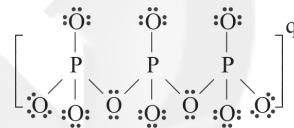
**۴ ۱۸۰** مطابق داده‌های سؤال می‌توان نوشت:

$$\frac{[H^+]}{K_a} = \gamma \Rightarrow \frac{\alpha \cdot M}{(\frac{\alpha^2 \cdot M}{1-\alpha})} = \gamma \Rightarrow \frac{1-\alpha}{\alpha} = \gamma \Rightarrow \alpha = \frac{1}{\gamma + 1}$$

$$K_a = \frac{\alpha^2 \cdot M}{1-\alpha} = \frac{(\frac{1}{\gamma + 1})^2 (0.007)}{(1 - \frac{1}{\gamma + 1})} = 1/25 \times 10^{-3}$$

**۱ ۱۸۱** به شکل ۱۷ صفحۀ ۶۸ کتاب درسی شیمی دهم مراجعه کنید.

**۴ ۱۸۲** با قرار دادن جفت الکترون‌های ناپیوندی بر روی اتم‌های یون موردنظر، مجموع شمار الکترون‌های موجود در یون را به دست می‌آوریم:



جفت الکترون‌های پیوندی  $=$  مجموع شمار الکترون‌های موجود

$$+ [12 + 28] = 40e^-$$

$$= 75e^- \quad (3 \times 5) + (10 \times 6) = \text{مجموع شمار الکترون‌های ظرفیتی اتم‌ها}$$

واضح است که بار الکتریکی این یون برابر ۵ است.

**۴ ۱۸۳** دما در انتهای لایۀ استراتوسفر به  $7^\circ C$  می‌رسد.

**۱ ۱۸۴** بررسی گزینه‌های نادرست:

(۲) نام دیگر سیلیسیم ( $SiO_2$ ), سیلیسیم دی‌اسکید است.

(۳) برخی از فلزها مانند طلا و پلاتین در برابر اکسیژن، اکسایش نمی‌یابند.

(۴) اتم عنصر کروم در ترکیب‌های خود اغلب به صورت کاتیون  $Cr^{2+}$  یا  $Cr^{3+}$  یافت می‌شود.

**۲ ۱۸۵** عبارت‌های «پ» و «ت» درست هستند.

**بررسی عبارت‌های نادرست:**

(آ) معیار جداسازی گازها در برج تقطیر، نقطۀ جوش آن‌هاست و چگالی گازها اهمیتی ندارد.

(ب) اتمسفر مخلوطی از گازهای گوناگون است که تا فاصلۀ حدود ۵۰۰ کیلومتری از سطح زمین امتداد یافته است.

**۲ ۱۸۶** موازنۀ را به ترتیب با  $Cr$ ,  $Na$  و  $N$  انجام می‌دهیم. در این صورت خواهیم داشت:

