

دفترچه شماره ۱

آزمون شماره ۶

۱۴۰۰/۰۶/۲۶



آزمودهای سراسری کاج

گزینه درست را انتخاب کنید.

سال تحصیلی ۱۴۰۰-۱۴۰۱

سوالات آزمون

پایه دهم ریاضی

دوره دوم متوسطه

شماره داوطلبی:	نام و نام خانوادگی:
مدت پاسخگویی: ۷۵ دقیقه	تعداد سوالاتی که باید پاسخ دهید: ۶۰

عنوانین مواد امتحانی آزمون گروه آزمایشی علوم ریاضی، تعداد سوالات و مدت پاسخگویی

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سوال	وضعیت پاسخگویی	شماره سوال		مدت پاسخگویی
				تا	از	
۱	فارسی نهم	۱۰	اجباری	۱۰	۱	۱۰ دقیقه
۲	عربی نهم	۱۰	اجباری	۲۰	۱۱	۱۰ دقیقه
۳	زبان انگلیسی نهم	۱۰	اجباری	۳۰	۲۱	۱۰ دقیقه
۴	ریاضی نهم	۱۰	اجباری	۴۰	۳۱	۲۵ دقیقه
	ریاضی نهم	۵	اختیاری	۴۵	۴۱	
	ریاضی ۱	۵		۵۰	۴۶	
۵	علوم نهم	۱۰	اجباری	۶۰	۵۱	۱۵ دقیقه
	فیزیک ۱	۵	انتخابی	۶۵	۶۱	۵ دقیقه
	شیمی ۱	۵		۷۰	۶۶	



فارسی



- ۱- در چند ترکیب زیر، غلط املایی وجود دارد؟
 «خداوندگردان سپهر، فروزنده‌ماه، فهم اصرار، ذربن عنب، حقّه باقوت، صنع خدای، قندیل‌های وی، سریر ملک، منزوی خلوتی، بحر پریدنی، مدحوش متھیر»
 (۱) ۳ (۲) ۴ (۳) ۵ (۴) ۶
- ۲- چنان‌چه واژه‌های گروه (الف) و (ب) را از نظر تراویف با یکدیگر نظیر کنیم، چند واژه در گروه (الف) هیچ نظیری در گروه (ب) ندازد؟
 (الف) میخ – قوس قزح – غرّه – آردگاه – معاصی
 (ب) فریفته شدن – ایر – گناهان – رنگین‌کمان – درگاه
 (۱) ۴ (۲) ۳ (۳) ۲ (۴) ۱
- ۳- چه تعداد از عبارت‌های زیر، دارای آرایه تشخیص هستند؟
 (الف) حقیقت، تلخ است.
 (ت) اختر شب در کنار کوه‌ساران، سر خم می‌کند.
 (۱) ۴ (۲) ۳ (۳) ۲ (۴) ۱
- ۴- بیت «ستودن نداند کس او را چو هست / میان بندگی را ببایدت بست» با کدام قسمت‌ها قرابت معنایی بیشتری دارد؟
 (الف) نیابد بدو نیز، اندیشه راه
 (ب) بدین آلت رای و جان و زبان
 (پ) ناتوان بودن بندگان در پرستش خداوند و موظف بودن آنان به بندگی
 (ت) قادر نبودن بندگان در شناخت خداوند و موظف نبودن آنان به بندگی
 (ث) ستایش خداوند بخشندۀ را که موجود کرد از عدم بنده را
 (۱) (ب) و (پ) (۲) (الف) و (ت) (۳) (ب) و (۴) (الف) و (ب)
- ۵- نوع پرسش‌ها در کدام ایات مشابه یکدیگر است؟
 (الف) پیاده ندیدی که جنگ آورد / سر سرگشان زیر سنگ آورد؟
 (ب) به شهر تو شیر و نهنگ و پلنگ / سوار اندر آیند هر سه به جنگ؟
 (پ) آمدی جانم به قربانت ولی حالا چرا؟ / بی وفا حالا که من افتاده‌ام از پا چرا؟
 (ت) خلق چو مرغاییان زاده ز دریای جان / کی کند این جا مقام مرغ کز آن بحر خاست؟
 (۱) (الف) و (پ) (۲) (الف) و (ب) (۳) (ب) و (ت) (۴) (ب) و (پ)
- ۶- در کدام گزینه وابسته‌ای متفاوت با بقیه وجود دارد؟
 (۱) جوهر دانایی، چاره آن، بن چاه
 (۲) اندکی پایین، فلان مکان، چندین صفحه
 (۳) آرمیده‌اند، گفته باشم، رقصیدیم
 (۴) میدان خاکی، روح آرام، خورشید فروزان
 (۱) برود، دارم می‌نویسم، خفتند (۲) رفته بود، خوابیده بود، می‌کوبد (۳) آرمیده‌اند، گفته باشم، رقصیدیم (۴) برداشت، می‌خوابید، کاشته است
- ۷- در کدام گزینه، فعل ماضی مطلق (ساده) وجود ندارد?
 (۱) این مگر آن حکم باشگونه مصر است
 (۲) سعدی از آن جا که فهم اوست سخن گفت
 (۳) پدرم روضه رضوان به دو گندم بفروخت
 (۴) یوسف گم گشته باز آید به کنعان عم مخور
- ۸- در کدام گزینه قیدی ناهمانگ با بقیه وجود دارد؟
 (۱) بسیار، کم، زیاد (۲) آهسته، نالان، گریان
 (۳) افسوس، متأسفانه، عجبنا (۴) چرا، چطور، چگونه
- ۹- در کدام گزینه توصیفی از صاحب اثر «اخلاق ناصری» آمده است?
 (۱) شاعر و عارف معروف ایرانی در قرن ششم است که در آغاز، شاعری مداد بود.
 (۲) از علمای بزرگ ریاضی، نجوم و حکمت ایران در قرن هفتم و نیز از وزیران بزرگ آن دوره است.
 (۳) از آثار دیگر وی می‌توان به «کارنامۀ بلخ» و «حدیقة‌الحقیقه» اشاره کرد.
 (۴) وی در سال ۱۳۶۷ در تهران درگذشت و در «مقبره‌الشعراء» ای تبریز به خاک سپرده شد.



زبان عربی



■ عین الصحيح في الجواب للترجمه أو المفردات أو المفهوم (۱۴ - ۱۱):

- ۱۱- ترجمۀ چه تعدادی از واژگان «جلوس، یُدَرَّس، مُسْتَشْفَى، هادِي، يُقْبَلُ، جِسْر، آخر، شَبَاب، دُخَان، حَرَب» در میان کلمات «آرام، درمانگاه، قبول می‌کند، درس می‌خواند، پل، نشسته، دیگر، دود، جنگ، دورۀ جوانی» به درستی ذکر نشده است؟ (کلمات نامرتب چیده شده‌اند).



حل ویدئویی سوالات این درجه را در
ویسایت **DriQ.com** مشاهده کنید.

-۱۲- ترجمه دقیق آیه مبارکه «وَإِذْ قُلْنَا لِلْمَلَائِكَةِ اسْجُدُوا لِأَدْمَمْ فَسَجَدُوا إِلَّا إِبْلِيسُ» کدام است؟

- (۱) و هنگامی که به فرشته‌ها گفتیم به آدم سجده کنید؛ پس همگی سجده کردند به جز ابلیس.
- (۲) و زمانی که به فرشتگان گفتیم برای آدم سجده کنید؛ پس سجده کردند غیر از ابلیس.
- (۳) و هنگامی که به فرشته‌ها گفته شد همگی برای آدم سجده کنید؛ پس سجده کردند غیر از شیطان.
- (۴) و زمانی که به ملک گفتیم به آدم سجده کن؛ پس سجده کرد جز ابلیس.

-۱۳- کدام گزینه ترجمه دقیق عبارت زیر است؟

«أَعْلَمُ النَّاسِ، مَنْ جَمِعَ عِلْمَ النَّاسِ إِلَى عِلْمِهِ».

(۱) داناترین مردم، کسی است که دانش خود را به دانش مردم بیفزاید.

(۳) می‌شناسم، مردم کسانی هستند که دانش مردم را به دانش خود بیفزاید.

(۴) داناترین مردم، کسی است که دانش مردم را به دانش خود بیفزاید.

-۱۴- کدام گزینه با مفهوم «أَحَبُّ الْأَعْمَالِ إِلَيْهِ اللَّهُ حِفْظُ الْلِّسَانِ»، ارتباط مفهومی کمتری دارد؟

- (۱) خاموشی بحر است و گفتن همچو جو و
- (۲) چو و گفتار بیهوده بسیار گشت
- (۳) هر کسی از او هم زبانی شد جدا
- (۴) عاقلان را پیشه خاموشی بُسْوَد

■■ عین الصحيح في الجواب عن السؤال التالي:

-۱۵- چند جمع به صورت اشتباه نوشته شده است؟

«صعب: صعب / جسر: جسور / مخزن: مخازن / إشارة: إشارات / ريح: رياح / آلة: آلات / بضائع: بضائع»

(۱) ۳ (۲) ۴ (۳) ۱ (۴) ۲

■■ عین الصحيح في الجواب للترجمة أو المفهوم (۱۸ - ۱۶):

-۱۶- ترجمه کدام گزینه صحیح است؟

(۱) بل ذَرَقَ بِمُسَاعَدَةِ اللَّهِ: بلکه با کمک مادر درس خواند.

(۲) كَتَبَ صَحِيفَةً أَسْبُوعِيَّةً وَ طَبَعَهَا فِي الْقِطَارِ: هفتمنامه‌ای نوشته و آن را در قطار چاپ کرد.

(۳) جَعَلَهُ وَالْدُّ طَفْلِ رَئِيسًا فِي شَرِكَةٍ: پدر آن کودک او را ریسی در شرکتش قرار داد.

(۴) بَعْدَ مُحاوَلَاتٍ كَثِيرَةٍ صَارَ مَسْؤُلًا فِي أَخْدَ الْقِطَارَاتِ: بعد از تلاش‌های سیار در قطارها مسئول شد.

-۱۷- کدام گزینه، دقیق ترین ترجمه عبارت قرآنی «كَانَ فَرِيقٌ مِنْهُمْ يَسْعَونَ كَلَامَ اللَّهِ». است؟

(۱) گروهی از آن‌ها بودند که سخن خدا را می‌شنوند.

(۳) گروهی از آن‌ها سخن خدا را می‌شنوند.

(۴) گروهی از آن‌ها سخن خدا را می‌شنیدند.

-۱۸- کدام بیت با مفهوم حدیث امام علی (ع) «جَلِيلُ السَّوْءِ شَيْطَانُ». ارتباط معنایی کمتری دارد؟

- (۱) سر ارادت ما و آستان حضرت دوست
- (۲) با بدنان کم شیخ که بد مانی
- (۳) از هم نفسی که رنج دل خواهی بردا
- (۴) تاتوانی می‌گریز از یار بدد

■■ عین الصحيح في الجواب عین السؤالين التاليين (۱۹ و ۲۰):

-۱۹- صورت مضارع افعال کدام یک از گزینه‌ها درست است؟

(۱) أَنْقَدَ: يُنقَدُ / ساعَدَ: يُسَاعِدُ (۲) عَيَّرَ: يُعَيَّرُ / نَامَ: يَنْأِمُ

-۲۰- نگارش کدام گزینه نادرست است؟

(۱) كُنْتُ أَشْتَغلُ فِي الْمَرْعَةِ.

(۳) كانوا المُعْلَمُونَ يَتَصَرَّفُونَ الْآخَرِينَ.



PART A: Grammar and Vocabulary

Directions: Questions 21-26 are incomplete sentences. Beneath each sentence you will see four words or phrases, marked (1), (2), (3), and (4). Choose the one word or phrase that best completes the sentence. Then mark your answer sheet.

21- Student 1: Is it to book a hotel online?

Student 2:

- 1) selfish / ok
- 3) possible / I see

- 2) possible / Yes, of course

- 4) serious / Yes, it is



22- Zahra: What do you do on Nature Day?

Mina:

- 1) She usually colors eggs 2) My mother cooks special food
 3) We always go out on 13 of Farvardin 4) We wear special clothes

23- Shayan: Why do you go to the library by bus?

Afshin: it's fast and

- 1) Because / near 2) For / late 3) Because / cheap 4) For / easy

24- Teacher: Which of the following conversations is NOT correct?

Student:

- 1) A: What does a firefighter do?
 B: He puts out fire.
 3) A: Where is the driver?
 B: He's at the gas station.
- 2) A: When does your brother's work start?
 B: At 7:30 a.m.
 4) A: What's your favorite job?
 B: It's a hard job.

25- Which sentence has a falling intonation?

- 1) Is it a beautiful country?
 3) Yes, I know. She is also very helpful.

- 2) Are they checking out?
 4) Are they working with the computer now?

26- Leila: There is a football on TV tonight.

Maryam: We can watch it together.

- 1) program / What a wonderful day!
 3) games / It is wonderful!
- 2) cartoon / Ok.
 4) match / That's great news!

PART B: Cloze test

Directions: Questions 27 & 28 are related to the following passage. Read the passage and decide which choice, (1), (2), (3), or (4), best fits each space. Then mark your answer sheet.

Last Mehr my mother and I ... (27)... International Children Film Festival in Isfahan. This was a festival for children's movies. We watched many ... (28)... movies there.

- 27- 1) worked 2) attended 3) participated 4) watched
 28- 1) interesting 2) upset 3) quiet 4) interested

PART C: Reading Comprehension

Directions: In this part of the test, you will read a passage. The passage is followed by two question. Answer the question by choosing the best choice, (1), (2), (3), or (4). Then mark your answer sheet.

We usually go on a school trip before the exams. We go to Chitgar Park by bus. There, children do special activities like football, volleyball, skate and chess. We have a lot of fun there. Some of our teachers come with us. The students have a good time. At noon, we pray and have lunch. We come home at 6 p.m. and the students enjoy school trip.

29- How do you go on school trip?

We

- 1) walk there 2) go there by bus 3) go there by car 4) go there by taxi

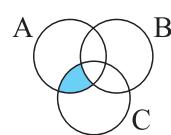
30- When do you go on a school trip?

.....

- 1) before the exams 2) at 6 p.m.
 3) after the exams 4) after lunch



۳۱- کدام گزینه ناحیه زنگی در نمودار ون زیر را به درستی نمایش می‌دهد؟



- A \cap B \cap C (۱)
 (A \cap C) - B (۲)
 (C - A) \cap B (۳)
 (C - B) \cap A (۴)



۳۲- درون گیسمای ۲ مهره آبی و ۳ مهره قرمز وجود دارد. با چشمان بسته ۲ مهره به تصادف بیرون می‌آوریم. احتمال این‌که مهره‌ها همنگ باشند چقدر است؟

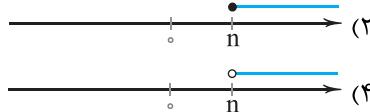
$$\frac{1}{4}$$

$$\frac{2}{20}$$

$$\frac{2}{5}$$

$$\frac{1}{5}$$

۳۳- نمایش مجموعه $A = \{x^n - n \mid x \in \mathbb{R}, n \in \mathbb{W}\}$ کدام گزینه است؟



۳۴- حاصل $\frac{1}{2} + \frac{1}{3} + \frac{2}{9} + \frac{4}{27}$ کدام است؟

$$1(4)$$

$$\frac{3}{4}(3)$$

$$\frac{3}{2}(2)$$

$$\frac{2}{3}(1)$$

۳۵- اندازه هر زاویه داخلی یک چندضلعی منتظم 144° است. تعداد قطرهای این چندضلعی کدام است؟

$$45(4)$$

$$35(3)$$

$$25(2)$$

$$15(1)$$

$$\sqrt{2(a-b)^2} = ?$$

۳۶- اگر $a < b$ باشد، حاصل عبارت رو به رو کدام است؟

$$a-b(4)$$

$$\sqrt{2}b - \sqrt{2}a(3)$$

$$\sqrt{2}a - \sqrt{2}b(2)$$

$$\sqrt{2}(1)$$

۳۷- در تجزیه عبارت $(x^3 + x^2 - 4x - 4)$ کدام عامل وجود دارد؟

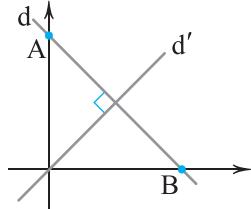
$$x-1(4)$$

$$2x-1(3)$$

$$x+3(2)$$

$$x-2(1)$$

۳۸- خط d محورهای مختصات را در دو نقطه $B = \begin{bmatrix} 3 \\ 0 \end{bmatrix}$ و $A = \begin{bmatrix} 0 \\ 4 \end{bmatrix}$ قطع کرده است. کدام یک از نقاط زیر روی خط d' قرار دارد؟



$$\begin{bmatrix} \frac{2}{3} \\ \frac{3}{2} \end{bmatrix}(2)$$

$$\begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix}(1)$$

$$\begin{bmatrix} -1 \\ -\frac{3}{4} \end{bmatrix}(4)$$

$$\begin{bmatrix} \frac{1}{2} \\ \frac{2}{3} \end{bmatrix}(3)$$

۳۹- از محل برخورد دو خط $y = 2x + 1$ و $y = 3x - 1$ خطی بر نیمساز ربع اول و سوم عمود می‌کنیم. معادله این خط کدام است؟

$$y = 2x + 1(4)$$

$$y = -x + 7(3)$$

$$y = -x(2)$$

$$y = -x + 1(1)$$

$$\frac{\frac{1}{2} + 2AB + B^2}{A^2 - 2AB + B^2}$$

۴۰- اگر $B = x - \frac{1}{x}$ و $A = x + \frac{1}{x}$ باشد، حاصل عبارت مقابل کدام است؟

$$4(4)$$

$$16(3)$$

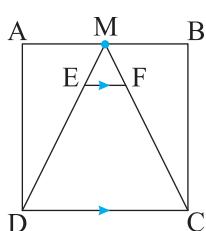
$$1(2)$$

$$x + \frac{1}{x}(1)$$

توجه: داوطلب گرامی، لطفاً از بین سوالات اختیاری ۱ (ریاضی نهم، شماره ۴۱ تا ۴۵) و اختیاری ۲ (ریاضی ۱)، شماره ۴۶ تا ۵۰، فقط یک سری را به انتخاب خود پاسخ دهید.

اختیاری ۱

ریاضی نهم (سوالات ۴۱ تا ۴۵)



۴۱- در مربع شکل زیر M وسط AB و EF می‌باشد. در این صورت حاصل $ME = \frac{1}{2}AM$ کدام است؟

$$\frac{\sqrt{5}}{10}(2)$$

$$\frac{1}{2+\sqrt{5}}(4)$$

$$\frac{\sqrt{5}}{5}(1)$$

$$\frac{1}{4\sqrt{5}}(3)$$



$$2^{x^2-x}$$

$$2^{1-x}$$

$$\left(\frac{1}{2}\right)^x$$

$$2^x$$

۴۳ - درجه یک جمله‌ای $-7a^3x^2b^{x+y}c^{x-y}$ نسبت به دو متغیر b و c برابر ۴ است. درجه این یک جمله‌ای نسبت به متغیر a کدام است؟

۶ (۴)

۸ (۳)

۴ (۲)

۲ (۱)

$$y = -2x - 3$$

روی خط $y = -2x - 3$ قرار گیرد؟

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

۴۴ - اگر عبارت $ax^2 - bx + 1$ بر $x - 1$ بخش پذیر باشد، آنگاه حاصل $a - b$ کدام می‌تواند باشد؟

-۳ (۴)

۱ (۳)

۷ (۲)

۱) صفر

اختیاری ۲

ریاضی ۱ (سوالات ۴۶ تا ۵۰)

۴۶ - مشخص کنید چه تعداد از مجموعه‌های زیر به ترتیب متناهی و نامتناهی‌اند؟

(الف) مجموعه اعداد حقیقی بین ۲۵ و ۲۷

(ب) مجموعه مدارس غیرانتفاعی شهر تهران

(ج) مجموعه خزندگان روی کره زمین

(د) مجموعه اعداد اول کوچک‌تر از یک میلیون

۳ - ۴ (۴)

۲ - ۲ (۳)

۱ - ۳ (۲)

۱) صفر

۴۷ - اگر $B = \{a, b, \emptyset\}$ و $A = \{\{a, b\}, \{\emptyset\}\}$ کدام است؟

∅ (۴)

{a, b} (۳)

{∅} (۲)

{a, b} (۱)

۴۸ - در مثلث ABC داریم $\hat{A} = 45^\circ$, $\hat{B} = 30^\circ$ و $\hat{C} = 45^\circ$. مساحت مثلث ABC کدام است؟

 $\sqrt{3} + 1$ (۴) $8(\sqrt{3} + 1)$ (۳) $2(\sqrt{3} + 1)$ (۲) $4(\sqrt{3} + 1)$ (۱)

۴۹ - در معادله $16^{3x-3} \times 8^{x+1} = 2^{4x-1}$ ، مقدار x کدام است؟

 $-\frac{1}{5}$ (۴) $-\frac{14}{5}$ (۳) $\frac{1}{5}$ (۲) $\frac{14}{5}$ (۱)

۵۰ - اگر $x = 3 + 2\sqrt{2}$ ، حاصل $\frac{1}{x} + x$ کدام است؟

 $-4\sqrt{2}$ (۴)

۹ (۳)

۶ + ۴ $\sqrt{2}$ (۲)

۶ (۱)



۵۱ - با مقایسه مواد به دست آمده از بشقابک‌های (برش) پایینی و بالایی برج تقطیر، روند تغییر کدام گزینه با سایر گزینه‌ها متفاوت است؟

(۱) نقطه جوش (۲) جرم مولکولی مواد (۳) جنبش مولکول ها (۴) رایش بین مولکول ها

۵۲ - توبی از ارتفاع ۱۰۰ متری سطح زمین رها می‌شود. پس از هر بار زمین خوردن، توب به اندازه ۸۰٪ ارتفاع قبلی خود بالا می‌آید. پس از ۳ بار خوردن، اندازه سرعت متوسط توب در کل حرکت تقریباً چند متر بر ثانیه است، اگر کل حرکت ۲۴ ثانیه طول کشیده باشد؟

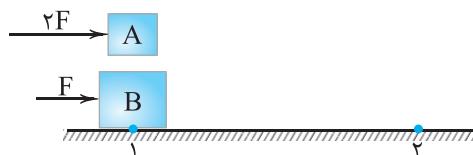
۱۲ (۴)

۱۸ (۳)

۴ (۲)

۲ (۱)

۵۳ - مطابق شکل زیر، به جسم A با جرم m , نیروی $2F$ و به جسم B با جرم $2m$, نیروی F وارد می‌شود. این دو جسم از نقطه (۱) شروع به حرکت می‌کنند. کدامیک زودتر به نقطه (۲) می‌رسند؟ (سطح بدون اصطکاک است)



(۱) جسم A

(۲) جسم B

(۳) هر دو همزمان می‌رسند.

(۴) داده‌های سؤال کافی نیست.



۵۴- ابعاد مکعب مستطیلی $10 \times 20 \times 6$ سانتی‌متر است. بیشترین فشاری که این مکعب مستطیل به سطح زیرش وارد می‌کند، چند برابر کمترین فشاری که به سطح زیرش وارد می‌کند، است؟

(۱) ۲

(۲) باید نیروی وزن مکعب مستطیل را بدانیم.

(۳) ۶

(۴) ۲

۵۵- مطابق شکل مقابل، میله‌ای بر روی دو پایه قرار دارد. وزنهای در یک سمت میله قرار دارد و به سمت دیگر میله نیرو وارد می‌کنیم تا جسم نیفتد. اگر پایه سمت چپ را برداریم، نیروی ما چند نیوتون باید باشد تا جسم نیفتد؟ ($g = 10 \frac{N}{kg}$)

(۱) ۲۵۰

(۲) داده‌های سؤال کافی نیست.

(۳) ۵۰۰

(۴) ۱۲۵

۵۶- لایه‌های رسوبی یک ستون رسوبی وارونه شده‌اند و کمی هم از حالت افقی خارج شده‌اند، کدام روش برای مرتب کردن لایه‌های موجود در این ستون رسوبی از قدیم به جدید، مفیدتر است؟

(۱) مقایسه اندازه دانه‌ها یا ذرات تشکیل‌دهنده رسوبات هر لایه با لایه دیگر

(۲) مقایسه ضخامت لایه‌های رسوبی به طور جداگانه

(۳) مطالعه فسیل‌های یافت شده در هر لایه نسبت به لایه دیگر

(۴) مقایسه جنس مواد تشکیل‌دهنده هر لایه نسبت به لایه دیگر

۵۷- کدام گزینه جمله زیر را به درستی کامل می‌کند؟

«شهاب‌سنگ‌ها هستند که بیشتر آن‌ها از مداری خارج شده‌اند که به سیاره نزدیک‌تر است.»

(۱) همگی قطعات بزرگی از سنگ - مشتری

(۲) سنگ و غباری - زحل

(۳) سنگ و غباری - مشتری

(۴) گرد و غباری - مریخ

۵۸- کدام یک از گزینه‌های زیر، نشان‌دهنده قانون اول نیوتون است؟

(۱) شخصی رومیزی را به سرعت می‌کشد، ولی ظرف‌های روی میز جایه‌جا نمی‌شوند و رومیزی از زیر آن‌ها در می‌آید.

(۲) قالی را از جایی آویزان می‌کنند و با ضربه زدن به آن خاک قالی را می‌گیرند.

(۳) هنگامی که راننده ناگهان ترمز می‌کند، بدن سرنشیان خودرو رو به جلو پرتاب می‌شود.

(۴) هر سه گزینه نشان‌دهنده قانون اول نیوتون هستند.

۵۹- در باکتری مفیدی که در دستگاه گوارش ما زندگی می‌کند،

(۱) ماده وراثتی و دیواره یاخته‌ای وجود ندارد.

(۲) هم ماده وراثتی و هم دیواره یاخته‌ای وجود دارد.

(۳) ماده وراثتی وجود ندارد، اما دیواره یاخته‌ای وجود دارد.

(۴) ماده وراثتی وجود ندارد، اما دیواره یاخته‌ای وجود ندارد.

۶۰- در ارتباط با تارهای کشنده ریشه تازه‌روییده گیاه (نخود)، کدام گزینه نادرست است؟

(۱) هر تار کشنده یک یاخته بسیار طویل است.

(۲) دیواره تارهای کشنده نازک است.

(۳) تارهای کشنده در سرتاسر ریشه نخود قابل مشاهده هستند.

(۴) اندازه تارهای کشنده از پایین ریشه به سمت بالا بلندتر می‌شود.

توجه: داوطلب گرامی، لطفاً از بین سوالات انتخابی ۱ (فیزیک ۱، شماره ۶۱ تا ۶۵)، انتخابی ۲ (شیمی ۱، شماره ۶۶ تا ۷۰) فقط یک سری را به انتخاب خود پاسخ دهید.

فیزیک (۱)

۶۱- در شکل زیر، یک ریزسنج و یک کولیس رقمی نشان داده شده است. اگر مقدار اندازه‌گیری شده توسط هر دو دستگاه برحسب میلی‌متر باشد، دقت اندازه‌گیری ریزسنج چند برابر دقت اندازه‌گیری کولیس است؟



(الف)

(ب)

(۱) ۰/۰۰۰۱

(۲) ۰/۰۰۱۲

(۳) ۰/۰۱۳

(۴) ۰/۱۴



۶۲- جرم یک ظرف توخالی ۲۰۰ گرم است. اگر این ظرف را پر از مایعی به چگالی $\frac{g}{cm^3} = 1/5$ کنیم، جرم مجموعه ۵۰۰ گرم و در صورتی که پر از نوعی روغن کنیم، جرم مجموعه ۳۴۰ گرم می شود، چگالی این روغن چند گرم بر لیتر است؟

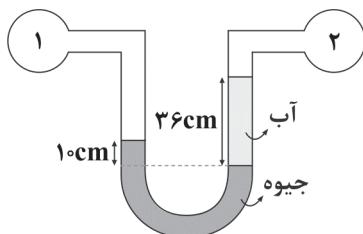
۷۰۰ (۴)

۷۵۰ (۳)

۸۰۰ (۲)

۸۵۰ (۱)

۶۳- در شکل زیر، فشار مخزن (۱) از مخزن (۲) کیلوپاسکال است. ($P = \rho g$)



(۱) بیشتر

(۲) ۳۶۰۰

(۳) کمتر

(۴) ۳۶۰۰

۶۴- نیروی خالص F تندی جسمی را در مدت ۴ ثانیه از صفر به ۷ و در ۱۰ ثانیه بعدی، از ۷ به ۴۷ می رساند. کار این نیرو در ۴ ثانیه اول حرکت، چند برابر ۱۰ ثانیه بعدی حرکت است؟

۱/۱۵ (۴)

۱/۱۶ (۳)

۱/۳ (۲)

۱/۴ (۱)

۶۵- جسمی به وزن ۳۰۰ نیوتن را روی سطح شیبدار که با افق زاویه 30° می سازد، بالا می کشیم، اگر جایه جایی جسم روی سطح شیبدار ۶ متر باشد، افزایش انرژی پتانسیل جسم چند زول است؟ ($\sin 30^\circ = \frac{1}{2}$, $\cos 30^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2}$, $g = 10 \frac{N}{kg}$)

۹۰۰ (۴)

۴۵۰۰ (۳)

۹۰۰۰ $\sqrt{3}$ (۲)

۹۰۰۰ (۱)

شیمی (۱)

۶۶- بر طبق دسته‌بندی چهارگانه عنصرهای جدول دوره‌ای (s, p, d, f)، عنصر A و عنصر قبل و بعد از آن در جدول، متعلق به یک دسته هستند. هر کدام از عده‌های اتمی زیر را می‌توان به عنصر A نسبت داد به جز.....

۴۸ (۴)

۹۲ (۳)

۶۰ (۲)

۳ (۱)

۶۷- یک اتم از یک عنصر، جرمی معادل $3/322 \times 10^{-22}$ گرم دارد. اگر این عنصر تنها دارای یک ایزوتوپ بوده و شمار نوترون‌های آن، ۵۰٪ بیشتر از شمار پروتون‌های آن باشد، عدد اتمی آن کدام است؟ (جرم هر پروتون و هر نوترون را برابر با $1amu$ در نظر بگیرید.)

۱۳۲ (۴)

۱۱۲ (۲)

۱۲۰ (۱)

۶۸- کدام عبارت‌های زیر درست است؟

(آ) در بخش مرئی طیف نشري خطی هیدروژن، خطوطی که در ناحیه پرانرژی هستند، به هم نزدیک ترند.

(ب) در اتم برانگیخته هیدروژن، انتقال الکترون از $n=1$ به $n=2$ موجب تولید موجی می‌شود که می‌تواند در ناحیه فرابینش قرار گیرد.

(پ) عنصری که شمار زیرلایه‌های اشغال شده از الکترون اتم آن، یک عدد فرد باشد، جزو عنصرهای دوره s یا p جدول دوره‌ای است.

(ت) تفاوت شمار عنصرهای دوره‌های سوم و چهارم جدول همانند تفاوت شمار عنصرهای دوره‌های دوم و سوم است.

۱) آآ و بب

۲) آآ و بب

۳) بب و تت

۴) پپ و تت

۶۹- در یک ترکیب یونی دوتایی، نسبت شمار کاتیون‌ها به شمار آنیون‌ها برابر یک است. اگر در این ترکیب هر دو یون به آرایش الکترونی یک گاز نجیب مشخص رسیده باشند، حداقل و حداقل تفاوت عدد اتمی عنصرهای سازنده آن به ترتیب برابر و است. (گزینه‌ها را از راست به چپ بخوانید.)

۵ (۴)

۳، ۱ (۳)

۴، ۲ (۲)

۶، ۲ (۱)

۷۰- چه تعداد از عبارت‌های زیر، نادرست است؟

(آ) تعداد کمی از ترکیب‌های شیمیایی وجود دارند که در ساختار آن‌ها هیچ یونی وجود ندارد.

(ب) به فرمول شیمیایی یک ترکیب مولکولی که افزون بر نوع عنصرهای سازنده، ساده‌ترین نسبت اتم‌های هر عنصر را نشان می‌دهد، فرمول مولکولی می‌گویند.

(پ) در مولکول اکسیژن، دو اتم O به جای دادوستد الکترون، هر کدام یک الکترون را به اشتراک گذاشته‌اند.

(ت) در ترکیب‌هایی مانند NaF , HCl و CH_4 ، الکترون(های) ظرفیتی اتم‌ها به اشتراک گذاشته شده‌اند.

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

دفترچه شماره ۲

آزمون شماره ۶

جمعه ۱۴۰۰/۰۶/۲۶



آزمون‌های سراسری کاج

گزینه درست را انتخاب کنید.

سال تحصیلی ۱۴۰۰-۱۴۰۱

پاسخ‌های تشریحی

پایه دهم ریاضی

دوره دوم متوسطه

نام و نام خانوادگی:	شماره داوطلبی:
تعداد سوالاتی که باید پاسخ دهید: ۶۰	مدت پاسخگویی: ۷۵ دقیقه

عنوانی مواد امتحانی آزمون گروه آزمایشی علوم ریاضی، تعداد سوالات و مدت پاسخگویی

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سوال		شماره سوال	مدت پاسخگویی
		از	تا		
۱	فارسی نهم	۱۰	۱	۱۰	۱ دقیقه
۲	عربی نهم	۲۰	۱۱	۱۰	۱ دقیقه
۳	زبان انگلیسی نهم	۳۰	۲۱	۱۰	۱ دقیقه
۴	ریاضی نهم	۴۰	۳۱	۱۰	۲۵ دقیقه
	ریاضی نهم	۴۵	۴۱	۵	
	ریاضی ۱	۵۰	۴۶	۵	
۵	علوم نهم	۶۰	۵۱	۱۰	۱۵ دقیقه
	فیزیک ۱	۶۵	۶۱	۵	۵ دقیقه
	شیمی ۱	۷۰	۶۶	۵	

به نام خدا

حقوق دانشآموزان در آزمون‌های سراسری گاج

داوطلب گرامی؛ با سلام در اینجا شما را با بخشی از حقوق خود در آزمون‌های سراسری گاج آشنا می‌نماییم:

- ۱- اطلاعات شناسنامه‌ای و آموزشی شما مانند نام، نام خانوادگی، جنسیت و گروه آزمایشی بایستی به صورت صحیح در بالای پاسخ‌برگ درج شده باشد.
- ۲- آزمون‌های سراسری گاج باید راس ساعت اعلام شده در دفترچه، شروع و خاتمه یابد.
- ۳- محل برگزاری آزمون باید از لحاظ سرمایش و گرمایش، نور کافی، نظافت و سایر موارد در حد مطلوب و استاندارد باشد.
- ۴- سوالات آزمون‌های سراسری گاج بایستی نزدیکترین سوالات به کنکور سراسری باشد و عاری از هرگونه اشکال علمی و تایپی باشد.
- ۵- در هنگام برگزاری آزمون باید تغذیه رایگان دریافت نمایید.
- ۶- بعد از هر آزمون و به هنگام خروج از جلسه آزمون بایستی پاسخ‌نامه‌ی تشریحی هر آزمون را دریافت نمایید.
- ۷- کارنامه‌ی هر آزمون بایستی در همان روز آزمون به روش‌های ذیل تحويل شما گردد:
 - مراجعه به سایت گاج به نشانی www.gaj.ir
 - مراجعه به نمایندگی.
- ۸- خدمات مشاوره‌ای رایگانی که در طی ۱ مرحله آزمون (ویژه داوطلبان آزاد) ارائه می‌گردد شامل:
 - برگزاری جلسه مشاوره حضوری به صورت انفرادی حداقل یکبار در طی هر آزمون توسط رابط تحصیلی.
 - تماس تلفنی حداقل ۲ بار در طی هر آزمون توسط رابط تحصیلی.
 - تماس تلفنی با اولیا حداقل یکبار در هر فاز [آزمون‌های سراسری گاج در چهار فاز تابستانه، ترم اول، ترم دوم و جامع برگزار می‌گردد].
 - بررسی کارنامه آزمون توسط رابط تحصیلی در هر آزمون.

چنانچه در هر یک از موارد فوق کمبود و یا نقصی مشاهده نمودید لطفاً بلافصله با تلفن ۰۲۱-۶۴۲۰ تماس حاصل نموده و مراتب را اطلاع دهید.



در گاج، بهترین صدا،

صدای دانشآموز است.



زبان عربی

■■ گزینه صحیح را در ترجمه‌ی واژگان یا مفهوم مشخص کن (۱۴ - ۱۱):

- ۱۱ ۳ تصحیح ترجمه‌های اشتباه: ۱- جلوس: نشستن / ۲- یُدَرِّش: درس می‌دهد / ۳- مُسْتَشْفَی: بیمارستان / ۴- يَقْبَلُ: می‌بودد / ۵- آخُو: پایان / ۶- شَبَاب: جوانان (۶ واژه اشتباه معنی شده است.)

بررسی سایر گزینه‌ها:

۱) «به» دومی ← برای / «همگی» اضافی است و در جمله صورت، معادل ندارد.

۲) گفته شد ← گفتیم / «همگی» اضافی است. / «شیطان» ترجمه دقیقی نیست.

۳) ملک ← فرشته‌ها / به ← برای / سجده کن ← سجده کنید / سجده کرد ← سجده کردند

۴) ترجمه کلمات مهم: **أَعْلَمُ النَّاسِ**: دانشمندان / **أَرَدَّ گَزِينَهَاتِ**: [رد گزینه‌های (۱) و (۳)] / **مَنْ**: هر کس، کسی (کسانی) که / **جَعْلَ**: افزود، بیفزاید (اینجا به صورت مضارع معنی می‌شود). / **عِلْمُ النَّاسِ إِلَى**: علوم: دانش مردم را به دانش خود [رد گزینه (۲)]

۵) معنی عبارت صورت سؤال: «محبوب‌ترین کارها نزد خداوند حفظ زبان است.»

■■ گزینه صحیح را در پاسخ به سؤال زیر مشخص کن:

۶) جمع «جِسر»: جسوس / فرقه: أُفْرَقَة / مطر: أمطار» است.

■■ گزینه صحیح را در پاسخ به ترجمه‌ی مفهوم مشخص کن (۱۸ - ۱۶):

ایرادات سایر گزینه‌ها:

۷) «منهِم» به معنی «از آن‌ها» ترجمه نشده است.

۸) بودند ← اضافی است. / کان یَسْعَون ← می‌شنیدند (ماضی استمراری)

۹) «می‌شوند» اشتباه است و باید به صورت ماضی استمراری معنا شود. ← می‌شنیدند

۱۰) معنی حدیث شریف: «همنشین بد، شیطان است.» همه گزینه‌ها در مورد همنشین بد است غیر از گزینه (۱).

■■ گزینه صحیح را در پاسخ به دو سؤال زیر مشخص کن (۱۹ - ۲۰):

ایرادات سایر گزینه‌ها:

۱۱) آنقدر: يُنْفَدِد

۱۲) غیر: يَعْيِرُ

۱۳) جَدَّ: يَجْدُ

۱۴) اگر فعل، اول جمله باید و انجام‌دهنده آن یک اسم جدای از فعل باشد، فعل باید به صورت مفرد باید. پس باید فعل کمکی گزینه (۳) به کان المعلمون یئُضُرُونَ ... تغییر کند.

زبان انگلیسی

۲۱) معنی جمله‌ها:

دانشآموز ۱: آیا ممکن است که یک هتل را آن‌لайн رزرو کرد؟

دانشآموز ۲: بله، البته.

معنی گزینه‌ها:

۱) خودخواه / بسیار خوب

۲) ممکن / بله، البته

۳) ممکن / متوجهام

املای صحیح ← فهم اسرار

ذرین عنب ← املای صحیح

بحر پریدنی ← بهر پریدنی

املای صحیح ← مدحوش متحیر

۴) آورده‌گاه: پهنه پیکار، میدان جنگ

۴) عبارت‌های «ب» و «ت» دارای آرایه تشخیص هستند.

عبارت «ب» به دلیل خطاب کردن یک بی‌جان (دماؤند)، دارای آرایه تشخیص است. در عبارت «ت»، ویزگی انسان (سرخم کردن) به یک بی‌جان (اختر شب) نسبت داده شده است؛ بنابراین دارای آرایه تشخیص است.

۱) بیت صورت سؤال و قسمت‌های «ب» و «پ» بر این محتوا تأکید دارند که بندگان قادر نیستند آن طور که شایسته است خداوند را ستایش کنند و وظیفه آن‌ها این است که بندگی خداوند را کنند.

۵) بررسی ایات:

(الف) پرسش تأکیدی

(پ) پرسش معمولی

(ت) پرسش انکاری

(ب) و (ت) از یک نوع‌اند.

۶) «کدام» صفت پرسشی است، ولی «این و چنین» صفت اشاره هستند، ولی در سایر گزینه‌ها ناهمانگی وجود ندارد.

بررسی سایر گزینه‌ها:

۱) تمامی واسته‌ها از نوع واسته پسین (مضاف‌الیه) هستند.

۲) تمامی واسته‌ها از نوع واسته پسین (صفت‌بیانی) هستند.

۳) تمامی واسته‌ها از نوع واسته پیشین (صفت مبهم) هستند.

۷) در گزینه‌های (۱)، (۳) و (۴)، فعل‌های ماضی مطلق (ساده) به ترتیب عبارتند از: خفتند، رقصیدیم، برداشت

۸) در گزینه (۳) آرایه تلمیح وجود ندارد و در این مصراع تخلص به کار رفته است.

بررسی سایر گزینه‌ها:

۱) به داستان حضرت یوسف (ع) و زلیخا اشاره دارد.

۲) به داستان حضرت آدم (ع) اشاره دارد.

۴) به داستان حضرت یوسف (ع) اشاره دارد.

۹) در گزینه (۳) افسوس و متأسفانه معنای تأسف را دربر دارند، ولی «عجب‌با» معنای تعجب دارد.

بررسی سایر گزینه‌ها:

۱) قید مقدار

۲) قید حالت

۴) قید استفهام (پرسش)

۱۰) اخلاق ناصری از خواجه نصیرالدین توسي است و در گزینه (۲) توصیفی از ایشان آمده است.



۱ ۲۸ معنی گزینه‌ها:

- (۲) ناراحت، غمگین
(۳) آرام، ساکت
(۴) علاقه‌مند

ترجمه درک مطلب:

ما عموماً قبل از امتحانات به اردوی مدرسه می‌رویم. ما با اتوبوس به پارک چیتگر می‌رویم. آن‌جا، بچه‌ها فعالیت‌های خاصی مانند: فوتیال، والبیال، اسکیت و شترنچ انجام می‌دهند. ما سرگرمی و تفریح زیادی در آن‌جا داریم. تعدادی از معلم‌هایمان نیز همراه ما می‌آیند. دانش‌آموزان خوش می‌گذرانند (وقات خوشی دارند). هنگام ظهر، ما نماز می‌خوانیم و ناهار می‌خوریم. ما، در ساعت ۶ بعدازظهر به خانه برمی‌گردیم و دانش‌آموزان از اردوی مدرسه لذت می‌برند.

۲ ۲۹ معنی جمله‌ها:

- چطربه اردوی مدرسه می‌روید?
ما با اتوبوس به آن‌جا می‌رویم.

معنی گزینه‌ها:

- (۱) پیاده به آن‌جا می‌رویم.
(۲) با اتوبوس به آن‌جا می‌رویم.
(۳) با تاکسی به آن‌جا می‌رویم.

۱ ۳۰ معنی جمله‌ها:

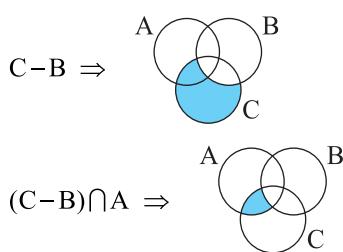
- کی به اردوی مدرسه می‌روید?
قبل از امتحانات.

معنی گزینه‌ها:

- (۱) قبل از امتحانات
(۳) بعد از امتحانات

ریاضیات

۴ ۳۱



۵ مهره وجود دارد. انتخاب ۲ مهره از ۵ مهره داریم:

- a, b
1, 2, 3
- و b مهره‌های آبی و ۱ و ۲ و ۳ مهره‌های قرمز
- بنابراین حالت‌های ممکن به صورت زیر است:
 $\{a, \underline{1}\}, \{a, \underline{2}\}, \{a, \underline{3}\}, \{\underline{a}, b\}, \{\underline{b}, \underline{1}\}$
 \checkmark
 $, \{\underline{b}, \underline{2}\}, \{\underline{b}, \underline{3}\}, \{\underline{1}, \underline{2}\}, \{\underline{1}, \underline{3}\}, \{\underline{2}, \underline{3}\}$
 \checkmark
 \checkmark

کل حالت‌ها ۱۰ تا است.

آن‌هایی که با ✓ مشخص شده‌اند، هم‌زنگ هستند. $\frac{4}{10} = \frac{2}{5}$ = احتمال

۱ ۳۳ در صورتی که $x = \sqrt{n}$ باشد، حاصل قدر مطلق صفر می‌شود و در سایر حالات یک عدد حقیقی مثبت خواهد بود. پس گزینه (۱) صحیح است.

۳ ۲۲ معنی جمله‌ها:

زهرا: شما در روز طبیعت چه کار می‌کنید؟
مینا: ما همیشه در روز ۱۳ آم فروردین بیرون می‌رویم.

معنی گزینه‌ها:

- (۱) او عموماً تخم مرغ‌ها را زنگ می‌زند.
(۲) مادر من غذای مخصوصی درست می‌کند.
(۳) ما همیشه در روز ۱۳ آم فروردین بیرون می‌رویم.
(۴) ما لباس‌های مخصوصی می‌پوشیم.

۳ ۲۳

شایان: چرا با اتوبوس به کتابخانه می‌روی؟
افشین: چون آن سریع و ارزان است.

معنی گزینه‌ها:

- (۱) چون / نزدیک
(۳) چون / ارزان

۴ ۲۴ معنی جمله‌ها:

علم: کدامیک از گفت‌وگوهای زیر صحیح نیست؟
دانش‌آموز: A: What's your favorite job? A: شغل مورد علاقه شما چیست؟

B: It's a hard job. توضیح: در پاسخ باید نام شغل مورد علاقه‌مان بیاید مانند جمله زیر:

I like to be a firefighter.

Yes, I know. She is also very helpful.

۳ ۲۵

توضیح: جملات خبری (.) ... فعل + فاعل (Am, Is, Are) شروع می‌شوند، آهنگ خیزان (↗) دارند.

۴ ۲۶ معنی جمله‌ها:

لیلا: امشب یک مسابقه فوتیال در تلویزیون وجود دارد.
مریم: آن خبر عالی‌ای است! ما می‌توانیم آن را باهم تماشا کنیم.

معنی گزینه‌ها:

- (۱) برنامه / چه روز شگفت‌انگیزی!
(۲) کارتون / بسیار خوب.
(۳) بازی‌ها / آن شگفت‌انگیز است!
(۴) مسابقه / آن خبری عالی است!

ترجمه کلوز تست:

مهر ماه گذشته، من و مادرم در فستیوال بین‌المللی فیلم کودکان در اصفهان شرکت کردیم. این، فستیوالی برای فیلم‌های سینمایی کودکان بود. ما فیلم‌های جالب بسیاری در آن‌جا تماشا کردیم.

۲ ۲۷

۱) کارکردن

۲) attend: شرکت کردن

۳) participate in: شرکت کردن

۴) تماشا کردن

نکته: دلیل رد کردن گزینه (۳) این است که کلمه "participate" باید همواره همراه با "in" باید تا معنای «شرکت کردن» بدهد.



بررسی گزینه‌ها:

۱) $\begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix} \Rightarrow y = \frac{3}{4} \times (1) = \frac{3}{4}$

✗

۲) $\begin{bmatrix} 2 \\ 3 \\ 3 \\ 2 \end{bmatrix} \Rightarrow y = \frac{3}{4} \times \frac{2}{3} = \frac{1}{2}$

✗

۳) $\begin{bmatrix} 1 \\ 2 \\ 2 \\ 3 \end{bmatrix} \Rightarrow y = \frac{3}{4} \times \frac{1}{2} = \frac{3}{8}$

✗

۴) $\begin{bmatrix} -1 \\ -3 \\ -4 \end{bmatrix} \Rightarrow y = \frac{3}{4} \times (-1) = -\frac{3}{4}$

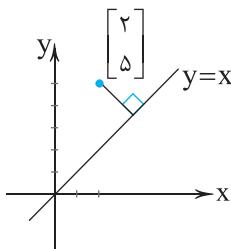
✓

ابتدا نقطه برخورد دو خط را پیدا می‌کنیم برای این کار عرض‌ها را برابر قرار می‌دهیم:

$2x + 1 = 3x - 1 \Rightarrow x = 2$ و $y = 5$

از نقطه $\begin{bmatrix} 2 \\ 5 \end{bmatrix}$ بر خط $x = y$ یا همان نیمساز ربع اول و سوم عمود می‌کنیم.

معادله خط عمود، شبیه قرینه و معکوس با خط نیمساز دارد.



$y - y_0 = m(x - x_0)$ و $m = -1$

$y - 5 = -1(x - 2) \Rightarrow y = -x + 2 + 5 \Rightarrow y = -x + 7$

۳ ۴۰

اتحاد مربيع دو جمله‌ای

$$\frac{A^2 + 2AB + B^2}{A^2 - 2AB + B^2} = \frac{(A+B)^2}{(A-B)^2} = (A+B)^2 (A-B)^2$$

اتحاد مربيع دو جمله‌ای

ابتدا عبارت را ساده می‌کنیم:

$$A = x + \frac{1}{x}$$

$$A = x + \frac{1}{x}$$

$$B = x - \frac{1}{x}$$

$$B = x - \frac{1}{x}$$

$$(A+B)^2 = 4x^2$$

$$(A-B)^2 = \frac{4}{x^2}$$

$$\Rightarrow (A+B)^2 (A-B)^2 = 4x^2 \times \frac{4}{x^2} = 16$$

$$A = \frac{1}{2} + \frac{1}{3} + \frac{1}{9} + \frac{4}{27} + \dots$$

$$\frac{2}{3} A = \frac{1}{3} + \frac{2}{9} + \frac{4}{27} + \dots$$

$$A - \frac{2}{3} A = \frac{1}{2} \Rightarrow \frac{1}{3} A = \frac{1}{2} \Rightarrow A = \frac{\frac{1}{2}}{\frac{1}{3}} = \frac{3}{2}$$

تعداد مثلث‌های موجود در n ضلعی

$$\frac{(n-2) \times 180^\circ}{n}$$

به دست می‌آید. بنابراین:

$$\frac{(n-2) \times 180^\circ}{n} = 144^\circ$$

$$\Rightarrow 180n - 360 = 144n \Rightarrow 180n - 144n = 360$$

$$\Rightarrow 36n = 360 \Rightarrow n = \frac{360}{36} = 10$$

بس n ضلعی، یک 10° ضلعی است. حالا برای پیدا کردن قطرهای n ضلعی باید یک رابطه بر حسب n پیدا کنیم.

تعداد اضلاع

تعداد قطرها

$$\frac{n(n-3)}{2}$$

$$= \frac{10(10-3)}{2} = \frac{70}{2} = 35$$

$$a < b \Rightarrow a - b < 0$$

$$\sqrt{2(a-b)^2} = \sqrt{2} \times \sqrt{(a-b)^2}$$

$$= \sqrt{2} \times \underbrace{|a-b|}_{\text{منفی}} = \sqrt{2}(-(a-b)) = \sqrt{2}(b-a) = \sqrt{2}b - \sqrt{2}a$$

۳ ۳۶

$$\begin{aligned} & \frac{x^3 + x^2}{x^3 - x^2} = \frac{-4x - 4}{-4x + 4} = x^2(x+1) - 4(x+1) = (x+1)(x^2 - 4) \\ & \text{فاکتور از } (-4) \end{aligned}$$

$$= (x+2)(x+1)(x-2)$$

۱ ۳۷

کافی است معادله خط' d' را بیلیم و چون خط d و d' بر هم عمودند، پس شیب خط' d' قرینه و معکوس شیب خط d می‌باشد.

$$A = \begin{bmatrix} 0 \\ 4 \end{bmatrix}, \quad B = \begin{bmatrix} 3 \\ 0 \end{bmatrix}$$

$$d = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{0 - 4}{3 - 0} = -\frac{4}{3} \Rightarrow d' = \frac{3}{4}$$

شیب خط' d' برابر $\frac{3}{4}$ و عرض از مبدأ آن صفر است، پس معادله خط' d' برابر

$$y = \frac{3}{4}x \quad \text{است.}$$



حل ویدئویی سوالات این دفترچه را در
ویسایت DriQ.com مشاهده کنید.

$$a^2x^2 - 2ax - 3 \mid x - 1$$

ریشه مقسوم علیه $= 1$

$$a^2(1)^2 - 2a(1) - 3 = 0 \Rightarrow a^2 - 2a - 3 = 0$$

$$\frac{\text{انجاد جمله مشترک}}{(a-3)(a+1) = 0} \rightarrow \begin{cases} a = 3 \\ a = -1 \end{cases}$$

با توجه به رابطه $(*)$ ، اگر $a = 3$ باشد، آنگاه $b = -4$ است و $a - b = 3 - (-4) = 7$ است.

اگر $a = -1$ باشد، آنگاه $b = 1$ است و $a - b = -1 - 0 = -1$ است.

پس گزینه صحیح، گزینه (2) می‌باشد.

بررسی موارد: ۴۶

(الف) بین هر دو عدد متمایزی شمار عدد حقیقی وجود دارد، بنابراین این مجموعه نامتناهی است.

(ب) مجموعه‌ی مدارس غیرانتفاعی شهر تهران، متناهی می‌باشد.

(ج) مجموعه‌ی همه خرندگان روی کره زمین، یک مجموعه‌ی متناهی می‌باشد، تعداد آن‌ها با این‌که بسیار بزرگ خواهد بود اما یک عدد حسابی است.

(د) مجموعه‌ی اعداد اول کوچک‌تر از یک میلیون، یک مجموعه‌ی متناهی است.

(۴) توجه کنید که در داخل مجموعه با باز و بسته شدن آکولاد یک

عضو جدید به وجود می‌آید که هیچ ربطی به اعضای بیرون این آکولاد ندارد.

$$A = \underbrace{\{a, b\}}_m, \underbrace{\{\emptyset\}}_n \Rightarrow A = \{m, n\}$$

(یک مجموعه‌ی دواعضوی)

بنابراین برای سهولت در حل، مسئله را بازنویسی می‌کنیم:

$$B = \underbrace{\{a, b, \emptyset\}}_{p, q, r} \Rightarrow B = \{p, q, r\}$$

(یک مجموعه‌ی سه‌اعضوی)

می‌بینیم که A و B دو مجموعه‌ی جدا از هم هستند و هیچ اشتراکی ندارند.

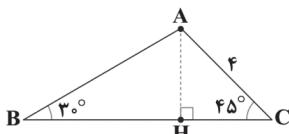
$$A \cap B = \emptyset$$

۱ ۴۸

$$S_{\triangle ABC} = \frac{1}{2} AB \times BC \times \sin B = \frac{1}{2} AC \times BC \times \sin C$$

$$\Rightarrow \frac{AC}{\sin B} = \frac{AB}{\sin C} \Rightarrow \frac{4}{\sin 30^\circ} = \frac{AB}{\sin 45^\circ}$$

$$\Rightarrow \frac{4}{\frac{1}{2}} = \frac{AB}{\frac{\sqrt{2}}{2}} \Rightarrow AB = 4\sqrt{2}$$



حال طول‌های BH و CH را حساب می‌کنیم تا ضلع BC حساب شود:

$$\cos 30^\circ = \frac{BH}{AB} \Rightarrow \frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{BH}{4\sqrt{2}} \Rightarrow BH = 2\sqrt{6}$$

$$\cos 45^\circ = \frac{CH}{AC} \Rightarrow \frac{\sqrt{2}}{2} = \frac{CH}{4} \Rightarrow CH = 2\sqrt{2}$$

$$BC = BH + CH = 2\sqrt{6} + 2\sqrt{2} = 2(\sqrt{6} + \sqrt{2})$$

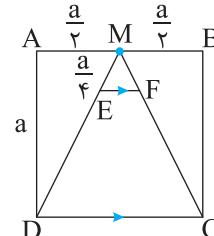
$$S_{\triangle ABC} = \frac{1}{2} AC \cdot BC \cdot \sin 45^\circ = \frac{1}{2} \times 4 \times 2(\sqrt{6} + \sqrt{2}) \times \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$= 2\sqrt{12} + 4 = 4\sqrt{3} + 4 = 4(\sqrt{3} + 1)$$

۴۱ ۲ اندازه هر ضلع مربع را a در نظر می‌گیریم در این صورت داریم: مثلث AMD قائم‌الزاویه است و با نوشتن رابطه فیشاغرس می‌توانیم ضلع MD را به دست آوریم.

$$(MD)^2 = (AM)^2 + (AD)^2$$

$$(MD)^2 = \frac{a^2}{4} + a^2 \Rightarrow (MD)^2 = \frac{5a^2}{4} \Rightarrow MD = \frac{a\sqrt{5}}{2}$$



دو مثلث MEF و MDC متشابه هستند و نسبت تشابه آن‌ها برابر است با:

$$\frac{ME}{MD} = \frac{MF}{MC} = \frac{EF}{DC} \Rightarrow \frac{ME = \frac{a}{4}}{MD = \frac{a\sqrt{5}}{2}} \Rightarrow \frac{EF}{DC} = \frac{\frac{a}{4}}{\frac{a\sqrt{5}}{2}}$$

$$\Rightarrow \frac{EF}{DC} = \frac{\cancel{\frac{1}{4}}}{\cancel{\frac{1}{2}\sqrt{5}}} = \frac{1}{2\sqrt{5}}$$

$$\Rightarrow \frac{EF}{DC} = \frac{1}{2\sqrt{5}} \times \frac{\sqrt{5}}{\sqrt{5}} = \frac{\sqrt{5}}{10}$$

۴۲ ۲ نکته: عدد ۱ به هر توانی برسد، حاصل برابر ۱ می‌شود.

$$\frac{1}{2^1} = \frac{1}{2^{1-x-1}} = 2^{-x} = \left(\frac{1}{2}\right)^x$$

۴ ۴۳ درجه نسبت به x

b درجه نسبت به y

c درجه نسبت به y

c و b درجه نسبت به y $\Rightarrow (x+y)+(x-y) = 2x$

درجه نسبت به b و c برابر ۴ است، پس داریم:

درجه نسبت به a برابر $3x$ است، پس کافی است مقدار x را در آن جایگذاری کنیم.

پس درجه این یک جمله‌ای نسبت به a برابر ۶ می‌شود.

۴۴ ۳ نقطه $\left[\begin{smallmatrix} -3 \\ a \end{smallmatrix} \right]$ را داخل معادله خط جایگذاری می‌کنیم، سپس

برای به دست آوردن مقدار a معادله به وجود آمده را حل می‌کنیم:

$$y = -2x - 3 \Rightarrow a = -2(-3) = 6$$

۴۵ ۲ اگر ریشه مقسوم علیه را به دست آورده و در مقسوم جایگذاری کنیم، حاصل برابر با باقی مانده خواهد شد و چون هر دو عبارت بخوبی بذیرند، پس برابر صفر هستند.

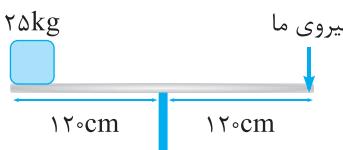
$$ax^2 - bx + 1 \mid x + 1$$

۴۶ ریشه مقسوم علیه

$$a(-1)^2 - b(-1) + 1 = 0 \Rightarrow a + b + 1 = 0 \Rightarrow a + b = -1 \quad (*)$$



۲ ۵۵ اگر پایه سمت چپ را برداریم، اهرم ماند شکل زیر می‌شود:



با توجه به رابطه تعادل گشتاور در اهرم داریم:

$$\text{نیروی محرك} \times \text{بازوی محرك} = \text{نیروی مقاوم} \times \text{بازوی مقاوم}$$

$$\Rightarrow 120\text{cm} \times 25\text{N} = 120\text{cm} \times \text{نیروی ما}$$

$$\Rightarrow \text{نیروی ما} = 25\text{N}$$

۳ ۵۶ یکی از کاربردهای فسیل‌ها تعیین سن لایه‌های رسوبی می‌باشد که

توسط فسیل‌های راهنمای انجام می‌گیرد. داشمندان با تعیین سن فسیل‌های موجود در لایه‌های رسوبی می‌توانند سن هر لایه را تعیین کنند و ترتیب آن‌ها را تشخیص دهند.

۴ ۵۷ شهاب‌سنگ‌ها قطعاتی از سنگ و غبار رهاشده از مدار

سیارک‌ها هستند که مدار اصلی 90° رصد آن‌ها بین مریخ و مشتری قرار دارد.

۴ ۵۸ هر سه گزینه نشان‌دهنده قانون اول نیوتون هستند.

۲ ۵۹ در باکتری‌ها علاوه‌بر ماده وراثتی، دیواره‌یاخته‌ای نیز وجود دارد.

۳ ۶۰ تارهای کشته در نوک ریشه قرار ندارند.

۴ ۶۱ دقت اندازه‌گیری در دستگاه‌های رقمی، برابر یک واحد از آخرین رقمی است که آن ابزار می‌خواند، بنابراین:

$$\left. \begin{array}{l} \text{دقت اندازه‌گیری ریزسنج} \\ \text{دقت اندازه‌گیری کولیس} \end{array} \right\} \Rightarrow \frac{0/001}{0/01} = 0/1$$

$$500 - 200 = 300 \text{g} \quad ۴ ۶۲ \quad \text{جرم مایع اول برابر است با:}$$

حجم مایع اول برابر با حجم ظرف است، در نتیجه:

$$\rho = \frac{m}{V} \Rightarrow V = \frac{m}{\rho} \Rightarrow V = \frac{300}{1/5} \Rightarrow V = 200 \text{cm}^3$$

$$340 - 200 = 140 \text{g} \quad \text{جرم روغن برابر است با:}$$

حجم روغن برابر با حجم ظرف یعنی 200cm^3 است، بنابراین چگالی روغن برابر است با:

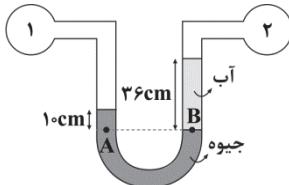
$$\rho = \frac{m}{V} \Rightarrow \rho = \frac{140}{200} \Rightarrow \rho = 0.7 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$$

با تبدیل زنجیره‌ای داریم:

$$\frac{0.7 \text{g}}{\text{cm}^3} \times \frac{1000 \text{cm}^3}{1 \text{L}} = 700 \frac{\text{g}}{\text{L}}$$

۳ ۶۳ مطابق شکل زیر، فشار در دو نقطه هم‌تاز A و B برابر است،

بنابراین:



$$P_A = P_B \Rightarrow P_1 + \rho_{\text{آب}} gh_{\text{آب}} = P_1 + \rho_{\text{جیوه}} gh_{\text{جیوه}}$$

$$\Rightarrow P_1 + (13600 \times 10 \times 10) = P_1 + (1000 \times 10 \times 36)$$

$$\Rightarrow P_1 + 136000 = P_1 + 36000 \Rightarrow P_1 = P_1 - 100000$$

بنابراین فشار مخزن (۱)، ۱۰ کیلوپاسکال از فشار مخزن (۲) کم‌تر است.

$$2^{4x-1} \times 8^{x+1} = 16^{3x-3} \Rightarrow 2^{4x-1} \times (2^3)^{x+1} = (2^4)^{3x-3}$$

$$\Rightarrow 2^{4x-1} \times 2^{3x+3} = 2^{12x-12}$$

$$\Rightarrow 2^{7x+2} = 2^{12x-12} \Rightarrow 7x+2 = 12x-12$$

$$\Rightarrow 2+12 = 12x-7x \Rightarrow 5x = 14 \Rightarrow x = \frac{14}{5}$$

$$\begin{aligned} x + \frac{1}{x} &= 3 + 2\sqrt{2} + \frac{1}{3+2\sqrt{2}} = 3 + 2\sqrt{2} + \left(\frac{1}{3+2\sqrt{2}} \times \frac{3-2\sqrt{2}}{3-2\sqrt{2}}\right) \\ &= 3 + 2\sqrt{2} + \frac{3-2\sqrt{2}}{9-8} = 3 + 2\sqrt{2} + 3 - 2\sqrt{2} = 3 + 3 = 6 \end{aligned}$$

علوم تجربی

۳ ۵۱ بررسی گزینه‌ها:

۱) نقطه جوش هیدرولوکرین‌ها از پایین به بالای برج، رو به کاهش است.

۲) جرم مولکولی هیدرولوکرین‌ها از پایین به بالای برج، رو به کاهش است.

۳) جبس مولکول‌ها از پایین به بالای برج رو به افزایش است.

۴) مواد خارج شده در بالای برج، حالت فیزیکی گازی دارند و مواد خارج شده در پایین ترین برش برج تقطیر معمولاً ماده‌هایی غیرگازی و غلیظ هستند. به همین دلیل است که ریاضی بین مولکولی مواد از پایین به بالای برج رو به کاهش است (ربایش بین مولکولی در گارها، کمتر از جامدات است).

۱ ۵۲ توب ۱۰۰ متر سقوط می‌کند:

برخورد اول: سپس 80° متر به بالا بر می‌گردد (80° ارتفاع قبلی) و دوباره 80° متر را پایین می‌رود.

برخورد دوم: سپس 64° متر به بالا بر می‌گردد (80° ارتفاع قبلی خود) و دوباره 64° متر را پایین می‌رود.

برخورد سوم: سپس $51/2$ متر بالا می‌آید (80° ارتفاع قبلی). بنابراین جایه‌جایی توب برابر است با:

کل حرکت 24 ثانیه طول کشیده است، بنابراین سرعت متوسط توب برابر است با:

$$\text{سرعت متوسط} = \frac{\text{جا به جایی}}{\text{زمان}} = \frac{48/8\text{m}}{24\text{s}} \approx \frac{2\text{m}}{\text{s}}$$

۱ ۵۳ با استفاده از قانون دوم نیوتون داریم:

$$\left\{ \begin{array}{l} F_A = m_A a_A \Rightarrow a_A = \frac{F_A}{m_A} = \frac{2F}{m} = 2 \frac{F}{m} \\ F_B = m_B a_B \Rightarrow a_B = \frac{F_B}{m_B} = \frac{F}{2m} = \frac{1}{2} \frac{F}{m} \end{array} \right.$$

$$\Rightarrow \frac{a_B}{a_A} = \frac{\frac{1}{2} \frac{F}{m}}{\frac{2F}{m}} = \frac{1}{4} \Rightarrow a_B = \frac{1}{4} a_A$$

بنابراین شتاب جسم A بیشتر از شتاب جسم B است و زودتر به نقطه (۲) می‌رسد.

۱ ۵۴ طبق رابطه $P = \frac{F}{A}$, بیشترین فشار از کوچک‌ترین وجه و کمترین

فشار از بزرگ‌ترین وجه مکعب مستطیل به سطح زیرش وارد می‌شود، بنابراین:

$$\frac{P}{P_{\text{بیشترین}}} = \frac{\frac{F}{A}}{\frac{F}{A_{\text{بزرگ‌ترین}}}} = \frac{\frac{F}{20 \times 10}}{\frac{F}{60 \times 20}} = \frac{60 \times 20}{20 \times 10} = 6$$

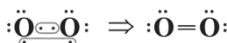


٤ ٧٥ بررسی عبارت‌ها:

آ) نادرست - بسیاری از ترکیب‌های شیمیایی در ساختار خود هیچ یونی ندارند و ذره‌های سازنده آن‌ها مولکول‌ها هستند.

ب) نادرست - به فرمول شیمیایی یک ترکیب مولکولی که افزون بر نوع عنصرهای سازنده، شمار اتم‌های هر عنصر را نشان می‌دهد، فرمول مولکولی می‌گویند.

پ) نادرست - در مولکول اکسیژن، دو اتم O به جای دادوستد الکترون، هر کدام دو الکترون را به اشتراک گذاشته‌اند.



ت) نادرست - ترکیب NaF جزو ترکیب‌های یونی است و در آن، اتم‌های Na و F به جای به اشتراک گذاشتن الکترون‌ها، آن را مبداله کرده‌اند.

٤ ٦٤ اگر کار نیروی خالص F را در مدت ٤ ثانیه اول حرکت

و در ١٠ ثانیه بعدی حرکت، \bar{W} بنامیم، براساس قضیه کار و انرژی جنبشی داریم:

$$\begin{cases} W_1 = K_2 - K_1 \\ W_2 = K_2' - K_1' \end{cases}$$

$$\Rightarrow \frac{W_1}{W_2} = \frac{K_2 - K_1}{K_2' - K_1'} = \frac{\frac{1}{2}m(v_2^2 - v_1^2)}{\frac{1}{2}m(v_2'^2 - v_1'^2)} = \frac{(v_2^2 - v_1^2)}{(v_2'^2 - v_1'^2)}$$

$$\Rightarrow \frac{W_1}{W_2} = \frac{v^2 - 0}{15v^2 - v^2} = \frac{v^2}{14v^2} = \frac{1}{14}$$

تعییرات انرژی پتانسیل به تعییر ارتفاع h وابسته است:

$$\sin 30^\circ = \frac{h}{6} \Rightarrow \frac{1}{2} = \frac{h}{6} \Rightarrow h = 3\text{m}$$

بنابراین تعییرات انرژی پتانسیل جسم برابر است با:

$$\Delta U = mgh = 30.0 \times 3 = 90.0 \text{ J}$$

٤ ٦٦ عنصرهای با عدد اتمی ٤٧ و ٤٨ متعلق به دسته d، اما عنصر

با عدد اتمی ٤٩ متعلق به دسته p است.

٣ ٦٧ جرم یک مول از این عنصر برابر است با:

$$3 / 322 \times 10^{-22} \times 6 / 0.2 \times 10^{23} = 20.0 \text{ g}$$

بنابراین عدد جرمی این عنصر برابر با ٢٠٠ بوده و با توجه به داده‌های سؤال می‌توان نوشت:

$$\begin{cases} p + n = 200 \\ n = p + \frac{50}{100}p \Rightarrow p = 80, n = 120 \end{cases}$$

١ ٦٨ عبارت‌های «آ» و «ب» درست هستند.

بررسی عبارت‌های نادرست:

پ) برای رد این عبارت می‌توان لانتانیدها (عناصر واسطه داخلی) را مثال زد که شمار زیلالیه‌های اشغال شده از الکترون اتم آن‌ها برابر با ١٣ است.

ت) تفاوت شمار عنصرهای دوره‌های سوم و چهارم جدول برابر با $18 - 8 = 10$ عنصر ولی تفاوت شمار عنصرهای دوره‌های دوم و سوم برابر با $8 - 8 = 0$ عنصر است.

١ ٦٩ مطابق داده‌های سؤال، فرمول ترکیب یونی موردنظر به صورت AD است. اگر در یک ترکیب یونی دوتایی، هر دو یون به آرایش الکترونی یک گار نجیب مشخص رسیده باشند، تفاوت بار الکتریکی یون‌ها، نشان‌دهنده تفاوت عدد اتمی عنصرهای سازنده ترکیب است. بنابراین سه حالت زیر را خواهیم داشت:

$$AD \Rightarrow A^+, D^- \Rightarrow 2 = 2$$

$$AD \Rightarrow A^{2+}, D^{2-} \Rightarrow 4 = 4$$

$$AD \Rightarrow A^{3+}, D^{3-} \Rightarrow 6 = 6$$