

دفترچه شماره ۱

آزمون شماره ۱۴

۱۴۰۰/۱۱/۰۸ جمعه



آزمودهای سراسری کاج

گزینه درست را انتخاب کنید.

سال تحصیلی ۱۴۰۰-۱۴۰۱

سوالات آزمون

پایه دهم ریاضی

دوره دوم متوسطه

شماره داوطلبی:	نام و نام خانوادگی:
مدت پاسخگویی: ۱۳۵ دقیقه	تعداد کل سوالات: ۱۱۰

عنوانین مواد امتحانی آزمون گروه آزمایشی علوم ریاضی، تعداد سوالات و مدت پاسخگویی

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سوال	شماره سوال	مدت پاسخگویی	
				از	تا
۱	فارسی ۱	۱۰	۱	۱۰	۱۰ دقیقه
۲	عربی، زبان قرآن ۱	۱۰	۱۱	۲۰	۱۰ دقیقه
۳	دین و زندگی ۱	۱۰	۲۱	۳۰	۱۰ دقیقه
۴	زبان انگلیسی ۱	۱۰	۳۱	۴۰	۱۰ دقیقه
۵	ریاضی ۱	۲۰	۴۱	۶۰	۴۵ دقیقه
	هندسه ۱	۱۰	۶۱	۷۰	
۶	فیزیک ۱	۲۰	۷۱	۹۰	۲۵ دقیقه
۷	شیمی ۱	۲۰	۹۱	۱۱۰	۲۰ دقیقه



فارسی



- ۱ در کدام گزینه به معنی درست واژه‌های «ورطه - تیمار - مخصوصه - آخره» اشاره شده است؟
- (۱) گودال - نگاهداشت - سختی - میان دو کتف
 (۲) مهلکه - توجه - دشواری - برآمدگی پشت پای اسب
 (۳) گرداب - حمایت - گرفتاری - چنبره‌گردن
 (۴) گرفتاری - غم - ناتوانی - قوس زیر گردن
- در متن زیر چند **غلط املایی** وجود دارد؟
- ۲ «کریم به یک ساعته دیدار و یک روزه معرفت انواع دل جویی و شفقت واجب دارد، دوستی و برادری را به غایت لطف و نهایت یگانگی رساند و باز لعیم را اگرچه صحبت و محبت قدیم مؤکد باشد از او ملاطفت چشم نتوان داشت، مگر در آرزوی امید و هراس بیم باشد.»
- (۱) یک ۴ چهار
 (۲) دو ۳ سه
 (۳) سه ۴ چهار
- در کدام بیت آرایه‌های «استعاره - واج‌آرایی - تشبيه - تضاد - جناس» به کار رفته است؟
- (۱) چون شراب عشق در وی کار کرد
 (۲) گر به آغوش بریزند گل اندر بر من
 (۳) شبی را با من ای ماه سحرخیزان سحر کردی
 (۴) گر نامه سفید، اگر سیاه است مرا
- ۴ اگر بخواهیم ایات زیر را به ترتیب داشتن آرایه‌های «تشخیص - تشبيه - استعاره - کنایه - حس‌آمیزی» مرتب کنیم کدام گزینه درست است؟
- الف) تا به آن کان ملاحظت نمکی تازه کنی
 (ب) همچو اوراق خزان پا به رکاب است حواس
 (ج) پیش تر زآن که بشویند به خون رخسار
 (د) تا به شیرین جهان چون شکر و شیر شوی
 (ه) آن قدر باش در این بوته که دل آب شود
- (۱) ب - ج - الف - ه - ۵ ۴ ج - ب - ۵ - الف - ه
 (۲) د - ح - ه - ب - الف ۳ الف - ج - ه - ب - الف
- واژه‌های مشخص شده در همه گزینه‌ها «نقش مفعولی» دارند؛ به جز
- ۵
- (۱) جان‌ها همه خون گشته ز شوق تو که از تو
 (۲) همه راست گفتی نگفتی دروغ
 (۳) فریب‌ریز راگر چنین است رای
 (۴) موج از دامان دریا برندارد دست خویش
- در همه گزینه‌ها فعل «مضارع اخباری» به کار رفته است؛ به جز
- ۶
- (۱) درویش نمی‌پرسی و ترسم که نباشد
 (۲) من دیوانه چو زلف تو رها می‌کرم
 (۳) می‌چکد شیر هنوز از لب همچون شکرش
 (۴) معشوق چون نقاب ز رخ در نمی‌کشد
- در کدام گزینه «واو» عطف وجود دارد؟
- ۷
- (۱) لا جرم چندان شرابت بخشم از حضرت که تو
 (۲) مجوى محرم و همدم طلب مکن، سلمان!
 (۳) جز چشم تو که فتنه قتال عالم است
 (۴) شمس را دیدم و مثل قمرش نور نداشت



بعد از تو روا باشد نقض همه پیمان‌ها»

همچنان بر سر وفا باشیم

ماجرای دوست تاکی پیش دشمن می‌بری

که کس به غیر تو شایسته نیست جای تو را

هستند ولی نیست وفادارتر از من

بعد از تو روا باشد نقض همه پیمان‌ها»

-۸ کدام گزینه با بیت زیر تناسب معنایی ندارد؟

«تا عهد تو درستم عهد همه بشکستم

(۱) گر لگدکوب صد جفا باشیم

(۲) با رقیب از من شکایت کرده‌ای ای بی‌وفا

(۳) سزد اگر نهد مهر دیگری در دل

(۴) گفتی که مرا یار وفادار بسی هست

-۹ کدام گزینه با آیه شریفه «و مکروا و مکر الله و الله خیر المکرین» قرابت مفهومی دارد؟

افگنده بود مکر تو در جوی و جر مرا

نداشتی که بسیار است او را مکر و دستان‌ها

منشین ایمن ز مکرش آخر غافل

ز مکر دشمن هموار، احتراز کنید

(۱) گر رحمت خدای نبودی و فضل او

(۲) بدین دهر فرینده جرا غرّه شدی خیره؟

(۳) این همه مکر است از خدای تعالی

(۴) زمین نرم بود پرده‌دار دام فریب

-۱۰ مضمون بیت زیر در کدام گزینه مورد اشاره قرار گرفته است؟

یقین دانم که بی‌شک، جان‌جانی»

با ما مگو به‌جز سخن دلنشان دوست

ک‌ز رهنمایی دل دیوانه‌جه چویست

نرخ بالا کن که ازانی هنوز

آفریننده را کج داند؟

«هر آن وصفی که گویم، بیش از آنی

(۱) ای پیک پی خجسته که داری نشان دوست

(۲) عقلم فکند از ره و عشقم دلیل گشت

(۳) هر دو عالم قیمت خسود گفته‌ای

(۴) آن که خود را شناخت نتواند



زبان عربی

■■ عین الأنساب في الجواب للترجمة من أو إلى العربية أو المفهوم (۱۶ - ۱۱):

-۱۱ «إني أخرجت كل الحبوب الموجودة في حقيتي في قاعة المطار للتفتيش فقال لي الشرطي؛ هذه الحبوب غير مسموح!»:

(۱) من همه قرص‌های موجود در کیفم را در سالن فرودگاه برای بازرگی بیرون آوردم پس پلیس به من گفت: این قرص‌ها غیرمجاز است!

(۲) همه قرص‌هایی که در کیفم داشتم را در سالن قطار برای بازرگی بیرون آوردم و پلیس به من گفت: این قرص‌ها مجاز نیست!

(۳) همانا من هر قرصی را که در کیفم داشتم در سالن قطار برای بازرگی بیرون آوردم و به پلیس گفتم که این قرص‌ها مجاز هستند!

(۴) قطعاً من همه قرص‌های موجود در کیفم را در سالن فرودگاه برای بازرگی دادم و به پلیس گفتم این قرص‌ها غیرمجاز نیستند!

-۱۲ «هدف الغماء من هذه الأعمال هو أن يفرقوا بين صفوف المسلمين ولكننا نقاتلهم في سبيل الله!»:

(۱) از اهداف خائنان این کارهایی است که میان صفات‌های مسلمانان تفرقه ایجاد کنند ولی ما در راه خدا جهاد می‌کنیم!

(۲) هدف دشمنان از این اعمال این است که کلاس‌های مسلمانان را پراکنده کنند ولی ما در راه خدا با دشمنان خواهیم جنگید!

(۳) هدف مزدوران از این کارها این است که میان صفات‌های مسلمانان تفرقه بیندازند ولی ما با آن‌ها در راه خدا می‌جنگیم!

(۴) تنها هدف دشمنان از این کارها تفرقه انداختن میان مسلمانان است اما ما در راه خدا با آن‌ها خواهیم جنگید!

-۱۳ «نرى فرساً يقدر على أن ينام واقفاً على أقدامه و يُخفِي قَدْمَيه تحت بطنه!»:

(۱) اسبی را می‌بینیم که می‌تواند بر روی پاهایش استاده بخوابد و دو پایش را زیر شکمش مخفی کند!

(۲) اسب را می‌بینیم که قادر به خوابیدن بر روی پاهایش است و یک پایش را زیر شکمش مخفی می‌کند!

(۳) می‌دانی که اسب می‌تواند به طور استاده بر روی پاهای خود بخوابد و پاهایش را زیر شکمش مخفی کند!

(۴) اسبی وجود دارد که می‌تواند بر روی پای خود به طور استاده بخوابد و دو پا را زیر شکم خود مخفی نگه دارد!



۱۴- عین الخطأ:

- ۱) اجلین تلک الحقائب إلی صالة الجمارك رجاء؛ لطفاً این چمدان‌ها را به سالن گمرک بیاور!
 - ۲) أمرنا قائداً بالاحترام إلی بعضهم البعض: رهبرمان ما را به احترام گذاشتن به یکدیگر دستور داد!
 - ۳) أجلس المعلمة طفلها عندها في الحفلة: معلم کودکش را نزد خود در جشن نشاند!
 - ۴) لا يستوي الذين يدرسون والذين لا يدرسون: کسانی که درس می‌خوانند و کسانی که درس نمی‌خوانند برابر نیستند!
- ۱۵ «افتادن پی در پی ماهی‌ها از آسمان مناظر زیبایی را پدید آوردا»؛ عین الصحيح:

- ۱) خَلَقَ سقوط الأسماك من السماء منظرة جميلة!
- ۲) أوجَدَ تساقط الأسماك من السماء مناظر جميلة!
- ۳) سَاقَطَ الأسماك من السماء فأوجَدَ مناظر جميلة!
- ۴) سقوط السمك من السماء أوجَدَ مناظر جميلة!

۱۶- عین الخطأ للتوضيحات:

- ۱) المحيط: حجم مياهه أكثر من البحر!
- ۲) الجوّار: بطاقة تقدر بها الدخول في البلاد!
- ۳) الثلج: ظاهرة طبيعية تُنزل من السماء في الفصول الباردة!

■■ عین المناسب في الجواب عن الأسئلة التالية (۲۰ - ۲۱):

۱۷- عین فعلاً حروفه الزائدة أقل من الباقي:

- ۱) ما استطاع ولد العامل إنزال البضائع من السيارة!
 - ۲) لا تكلموا في الصّف عند تدريس المعلم!
 - ۳) (۲) (۴)
 - ۴) (۱)
- ۱۸- عین حرف «النون» ليست من الحروف الأصلية:

- ۱) الإعصار ريحٌ تنتقل من مكانٍ إلى مكانٍ آخر!
- ۲) الطالب المجد ينتخب الأصدقاء الذين يساعدونه في الدراسة!

۱۹- عین فعلاً يختلف باه:

- ۱) هؤلاء الرجال تعارفوا في شارع قرب بيتنا!
- ۲) الأمة الإسلامية تواجه مشاكل كثيرة!

۲۰- عین الخطأ في ضبط الحركات:

- ۱) كان التلاميذ في الصّف العاشر ثلاثين شخصاً!
- ۲) يرفع الإنسان يديه إلى السماء عند الدّعاء!
- ۳) (۱) (۲)



- ۲۱ عبارات شريفة و آن کس که سرای آخرت را بطلبید و برای آن سعی و کوشش کند و مؤمن باشد، پاداش داده خواهد شد» و «بعضی از مردم می‌گویند: خداوندا به ما در دنیا نیکی عطا کن. ولی در آخرت هیچ بهره‌ای ندارند.» به ترتیب با کدامیک از آیات زیر ارتباط بیشتری دارد؟

(۱) (منْ كَانَ يُرِيدُ تَوَابَ الدُّنْيَا فَعِنَدَ اللَّهِ تَوَابُ الدُّنْيَا وَالآخِرَةِ) - (وَ مَا هَذِهِ الْحَيَاةُ الدُّنْيَا إِلَّا لَهُوَ وَ لَعِبٌ)

(۲) (مَنْ آمَنَ بِاللَّهِ وَ الْيَوْمِ الْآخِرِ وَ عَمِلَ صَالِحًا) - (وَ قَالُوا مَا هِيَ إِلَّا حَيَاةُ الدُّنْيَا)

(۳) (مَنْ آمَنَ بِاللَّهِ وَ الْيَوْمِ الْآخِرِ وَ عَمِلَ صَالِحًا) - (وَ مَا هَذِهِ الْحَيَاةُ الدُّنْيَا إِلَّا لَهُوَ وَ لَعِبٌ)

(۴) (مَنْ كَانَ يُرِيدُ تَوَابَ الدُّنْيَا فَعِنَدَ اللَّهِ تَوَابُ الدُّنْيَا وَالآخِرَةِ) - (وَ قَالُوا مَا هِيَ إِلَّا حَيَاةُ الدُّنْيَا)

- بنابر آیات قرآن کریم چند مورد از موارد زیر از مضرات شراب و قمار به حساب می‌آید؟

(الف) غافل کردن از یاد خدا

(ب) زینت دادن گناه

(د) غافل کردن از نماز

(ج) ایجاد کینه و دشمنی میان مردم



- ۲۳- با دقت در آیات قرآن کریم، منکران معاد کدامیک از سخنان زیر را از روی خیال خود می‌گویند؟
- الف) **﴿نَمُوتُ وَ نَحْيٌ﴾** ب) **﴿وَ مَا هٰذِ الْحَيَاةُ الدُّنْيَا﴾** ج) **﴿وَ مَا يَهْلِكُنَا إِلَّا الْدَّهْرُ﴾**
- ۴) **﴿أُولَٰئِكَ نَعْلَمُونَ﴾** ۳) **﴿بٰ﴾ و **﴿جٰ﴾****
- ۲) **﴿الَّفٰ﴾ و **﴿بٰ﴾****
- ۱) **﴿الَّفٰ﴾ و **﴿بٰ﴾ و **﴿دٰ﴾******
- ۲۴- در چه صورتی قبول‌کنندگان معاد از آثار و پیامدهای منکران معاد در امان می‌مانند؟
- ۱) مرگ را ناگوار ندانند و با کولهباری از گناه با آن مواجه نشوند.
- ۲) با تلاش در راه خدا و خدمت به انسان‌ها، زمینه رشد خود را فراهم آورند.
- ۳) زمانی که قبول داشتن آنان، به ایمان و باور قلبی تبدیل شود.
- ۴) زمانی که با شهادت خود راه آزادی انسان‌ها را هموار کنند.
- ۲۵- هر یک از گزاره‌های زیر به ترتیب به کدامیک از دلایل اثبات معاد اشاره دارد؟
- الف) «نه تنها استخوان‌های آن‌ها را به حالت اول درمی‌آوریم، بلکه سرانگشتان آن‌ها را نیز همان‌گونه که بوده، مجددًا خلق می‌کنیم.»
- ب) «خداؤند انسان را به گونه‌ای آفریده که گرایش به بقا و جاودانگی دارد.»
- ۲) زنده شدن مردگان - معاد لازمه حکمت الهی
- ۳) آفرینش نخستین انسان - معاد لازمه حکمت الهی
- ۴) آفرینش نخستین انسان - معاد لازمه عدل الهی
- ۲۶- با دقت در آیات شریفه **﴿اللَّهُ لَا إِلَهَ إِلَّا هُوَ لَيَجْعَلَنَّكُمْ إِلَيْ يَوْمِ الْقِيَامَةِ لَا زِيْبَ فِيهِ﴾** و **﴿أَفَخَسِبُنَا إِنَّمَا خَلَقْنَاكُمْ عَبْنًا وَ أَنَّكُمْ إِلَيْنَا لَا تُرْجَعُونَ﴾** کدام مفاهیم برداشت می‌شود؟
- ۱) پیامبران عاقل‌ترین و راستگو‌ترین مردمان در طول تاریخ بوده‌اند - هر انسانی خواستار همه کمالات و زیبایی‌هاست.
- ۲) اراده تغییرناپذیری خداوند در برپایی قیامت - جهان ظرفیت جزا و پاداش کامل انسان‌ها را ندارد.
- ۳) اراده تغییرناپذیری خداوند در برپایی قیامت - هر انسانی خواستار همه کمالات و زیبایی‌هاست.
- ۴) پیامبران عاقل‌ترین و راستگو‌ترین مردمان در طول تاریخ بوده‌اند - جهان ظرفیت جزا و پاداش کامل انسان‌ها را ندارد.
- ۲۷- کدامیک از عبارات شریفه زیر صریحاً بعد عدم ظرفیت بزرخ برای انجام عمل اشاره دارد؟
- ۱) **﴿أَفَخَسِبُنَا إِنَّمَا خَلَقْنَاكُمْ عَبْنًا وَ أَنَّكُمْ إِلَيْنَا لَا تُرْجَعُونَ﴾**
- ۲) آنان که فرشتگان روحشان را می‌گیرند در حالی که پاک و پاکیزه‌اند، به آن‌ها می‌گویند: سلام بر شما، وارد بهشت شوید به خاطر اعمالی که انجام دادید.»
- ۳) **﴿حَتَّىٰ إِذَا جَاءَ أَحَدَهُمُ الْمُؤْتَ قَالَ رَبِّ ارْجِعُونِ﴾**
- ۴) **﴿يَنْبَئُ إِلَيْنَا إِنْسَانٌ يَوْمَئِذٍ بِمَا فَعَلَ وَ أَخْرَ﴾**
- ۲۸- وجود شعور و آگاهی در دنیا بزرخ مربوط به انسان است.
- ۱) همانند - روح ۲) بخلاف - جسم و روح ۳) بخلاف - جسم و روح
- ۲۹- علت قرار گرفتن اعمال پیامبران و امامان به عنوان معیار و میزان سنجش اعمال کدام است و ارزشمندتر بودن اعمال انسان‌ها معلول انجام چه کاری است؟
- ۱) اعمال آنان به چیزی که خدا به آن دستور داده است، نزدیک‌ترین است - نزدیک‌تر کردن عملشان به روش پیامبران و امامان
- ۲) اعمال آنان عین آن چیزی است که خدا به آن دستور داده است - نزدیک‌تر کردن عملشان به روش پیامبران و امامان
- ۳) اعمال آنان عین آن چیزی است که خدا به آن دستور داده است - انجام دادن عین عمل پیامبران و امامان
- ۴) اعمال آنان به چیزی که خدا به آن دستور داده است، نزدیک‌ترین است - انجام دادن عین عمل پیامبران و امامان
- ۳۰- دومین شاهد اعمال انسان‌ها از نظر اهمیت، در کدامیک از آیات شریفه آمده است و به شگفت آمدن بدکاران به دلیل مشاهده چه رخدادی در قیامت است؟
- ۱) **﴿إِلَيْهِمْ نَخْتِمُ عَلَىٰ أَفْوَاهِهِمْ وَ تُكَلِّمُنَا أَيْدِيهِمْ﴾** - مشاهده گواهی اعضای خویش
- ۲) **﴿وَ إِنَّ عَلَيْكُمْ لَحَافِظِينَ﴾** - مشاهده گواهی اعضای خویش
- ۳) **﴿وَ إِنَّ عَلَيْكُمْ لَحَافِظِينَ﴾** - دیدن ریز و درشت اعمالشان در نامه اعمال
- ۴) **﴿إِلَيْهِمْ نَخْتِمُ عَلَىٰ أَفْوَاهِهِمْ وَ تُكَلِّمُنَا أَيْدِيهِمْ﴾** - دیدن ریز و درشت اعمالشان در نامه اعمال

**PART A: Grammar and Vocabulary**

Directions: Questions 31-35 are incomplete sentences. Beneath each sentence you will see four words or phrases, marked (1), (2), (3), and (4). Choose the one word or phrase that best completes the sentence. Then mark your answer sheet.

- 31- We have to cancel the climbing tour we planned for, because the forecast said it rainy and cold tomorrow.
 1) is 2) is going to be 3) was 4) won't be
- 32- Although Mike and Julia are twins, Julia is not her brother. Mike is much taller than his sister and everyone is surprised about this.
 1) shorter than 2) the tallest 3) as tall as 4) more tall
- 33- A long time ago, there was a battle so horrible it threatened to the whole universe.
 1) destroy 2) die out 3) increase 4) protect
- 34- To check your blood-sugar levels, you must first lightly puncture the fingertip to get a of blood.
 1) cell 2) microbe 3) plain 4) drop
- 35- Some astronomers believe Pluto's strange shows that it wasn't one of the original planets at all, but rather a moon of Neptune that somehow suddenly stopped being attached to it.
 1) rock 2) liquid 3) orbit 4) fact

PART B: Reading Comprehension

Directions: In this part of the test, you will read a passage. The passage is followed by five questions.

Answer the questions by choosing the best choice, (1), (2), (3), or (4). Then mark your answer sheet.

Many birds in North America migrate every year. Migrating means going from somewhere to somewhere else. During the fall when the weather starts to get cold, migrating birds fly to the south, some as far as South America in order to stay warm and find food in the winter. Then they fly back north again in the spring in order to raise a family of babies in North America. Some birds stay in the United States in the warm weather but others like to go further north to Canada or even Alaska in the spring. Some birds stay in the same place all year long no matter what the weather. These are called non-migrating birds; they do not move from place to place. Ducks and geese are called waterfowl because they like to live on the water and stay near water. Most ducks and geese migrate. Different kinds of ducks and geese, called different species, each prefer to stay in a different location. Just like you live in one city and other people live somewhere else, different birds migrate to the place that they like the best.

Many species of waterfowl like to make a nest and raise a family in the Prairie Pothole Region of Canada in the summer. To us who live in towns and cities, a pothole is something that annoys us; a pothole is a hole in the road that should be fixed. A prairie pothole is a good thing. It is a small hole in the ground left when the glaciers from the Ice Age moved north again. These small holes fill with water and make lots of small ponds that are just the right size for ducks and geese to raise a family.

It's important that we pay attention to preserving these potholes as wildlife habitat, a place for ducks and geese to live.



36- Why do birds migrate?

- 1) To avoid the cold in winter
 3) To find enough food in winter
 2) To move to a good place to raise a family
 4) All of the above

37- Non-migrating birds

- 1) stay in the same location all year
 3) move to Alaska in the spring
 2) move to Canada in the summer
 4) all of the above

38- Which of the following birds are called waterfowl?

- 1) chickens 2) woodpeckers 3) ducks 4) pigeons

39- All the following are TRUE about the passage EXCEPT

- 1) a prairie pothole was created by moving glaciers
 2) when prairie potholes fill with water, they make rivers
 3) one of the reasons that birds migrate is that they want to stay warm
 4) in fall, birds fly from North America to South America

40- The pronoun “they” in line 3 refers to

- 1) babies 2) non-migrating birds 3) food 4) migrating birds



ریاضی (۱)

-۴۱- اگر A زیرمجموعه‌ای نامتناهی از مجموعه B باشد و $B \neq A$, چه تعداد از موارد زیر همواره صحیح است؟

- (الف) $B - A$ متناهی (ب) $B - A$ نامتناهی
 (پ) $A \cap B$ متناهی (ج) $A \cup B$ متناهی
 ۱) ۲ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) ۳ (۴)

-۴۲- اگر $5 = n(A)$ و $3 = n(B - A)$ باشد، تعداد اعضای B کدام است؟

- ۱) صفر ۲) ۱ (۲) ۲ (۳) حداقل ۲ (۴) نمی‌توان نظر داد.

-۴۳- در یک دنباله حسابی، مجموع ۴ جمله اول برابر با ۳۲ و مجموع ۴ جمله بعدی ۱۲۸ است. جمله ۱۰ این دنباله کدام است؟

- ۱) ۵۷ (۴) ۵۵ (۳) ۵۹ (۲) ۵۳ (۱)

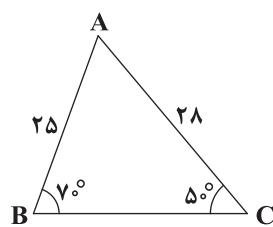
-۴۴- بین دو عدد ۱ و ۱۲۸ و شش واسطه هندسی درج کرده‌ایم. کوچک‌ترین این واسطه‌ها کدام است؟

- ۱) -۶۴ (۱) ۲) -۳۲ (۲) ۳) ۲ (۳) ۴) -۲۵۶ (۴)

-۴۵- کشوری با جمعیت کنونی ۹۰ میلیون نفر، هر سال ۱۰ درصد از جمعیتش را از دست می‌دهد. جمعیت این کشور بعد از n سال کدام است؟

$$\frac{3^{2n+2}}{10^{2n-1}} \quad (۱) \quad \frac{3^{2n+2}}{10^{2n-2}} \quad (۲) \quad \frac{3^{2n}}{10^{n-1}} \quad (۳) \quad \frac{3^{2n+2}}{10^{2n+1}} \quad (۴)$$

-۴۶- با توجه به شکل مقابل، طول ارتفاع وارد بر ضلع AC چقدر است؟



$$25\sqrt{3} \quad (۱)$$

$$12/5\sqrt{3} \quad (۲)$$

$$25 \quad (۳)$$

$$12/5 \quad (۴)$$



-۴۷- در یک سینما، اولین ردیف از صندلی‌ها در فاصله ۶ متری از پرده قرار گرفته است. شخصی که در ردیف اول نشسته است، پایین پرده را با

زاویه 30° و بالای پرده را با زاویه 45° می‌بیند. طول پرده سینما تقریباً چند متر است؟ ($\sqrt{3} = 1.7$)

۲/۷ (۴)

۲/۴ (۳)

۲/۶ (۲)

۳/۶ (۱)

-۴۸- حاصل $\frac{\sin 18^\circ \cos 75^\circ - \sin 27^\circ \cos 3^\circ}{\cos 15^\circ \cot 9^\circ - \cos 36^\circ \tan 45^\circ}$ کدام است؟

-۰/۲۵ (۴)

۰/۲۵ (۳)

۰/۷۵ (۲)

-۰/۷۵ (۱)

-۴۹- نقطه $P(m, \frac{1}{2})$ در ربع دوم دایره مثلثانی قرار دارد. اگر θ زاویه بین OP و جهت مثبت محور X ها باشد، حاصل $(\sqrt{3} \cos \theta - 3 \tan \theta)$ کدام است؟

 $\sqrt{3} + \frac{3}{2}$ (۴) $\sqrt{3} - \frac{3}{2}$ (۳) $\frac{\sqrt{3} - 3}{2}$ (۲) $\frac{\sqrt{3} + 3}{2}$ (۱)

-۵۰- اگر $\sin \theta + \cos \theta = \frac{\sqrt{14}}{5}$ و θ در ربع دوم باشد، حاصل $\frac{3 \sin^2 \theta \cos \theta}{1 - \tan \theta}$ کدام است؟

-۰/۱۲۱ (۴)

۰/۱۲۱ (۳)

-۰/۵۵ (۲)

۰/۵۵ (۱)

-۵۱- اگر $\sqrt[3]{a} > a$ باشد، کدام گزینه از بقیه بزرگ‌تر است؟

 $\sqrt[3]{a}$ (۴) $-a^3$ (۳) $\sqrt{a^2}$ (۲) $\frac{1}{a}$ (۱)

-۵۲- حاصل عبارت $\frac{\sqrt{1+\sqrt{3}} \times \sqrt[4]{4-2\sqrt{3}}}{\sqrt[5]{2\sqrt{2\sqrt{2}}}}$ کدام است؟

 $\sqrt[4]{16}$ (۴) $\sqrt[5]{16}$ (۳) $\sqrt{2}$ (۲) $\sqrt[5]{2}$ (۱)

-۵۳- اگر $\frac{1}{\sqrt[3]{4a}} = b$ و $a^{\frac{1}{4}} = \frac{1}{9}$ باشد، حاصل $\frac{1}{\sqrt[3]{3\sqrt[3]{a^3}}}$ کدام است؟

 $\sqrt[3]{4\sqrt[3]{3}}$ (۴) $\sqrt[5]{81}$ (۳) $\sqrt[3]{15\sqrt[3]{17}}$ (۲) $\sqrt[3]{17}$ (۱)

-۵۴- در تجزیه $x^3 - 8xy^2 - 8x^2y$ کدام عبارت وجود ندارد؟

 $x^3 + 4y^4 + 2xy^2$ (۴) $x^3 - 2xy^2$ (۳) $(x+2y)^2$ (۲) $x - 2y^2$ (۱) $11\sqrt{15}$ (۴) $17\sqrt{17}$ (۳) $15\sqrt{17}$ (۲) $11\sqrt{17}$ (۱)

-۵۶- اگر $x = -3$ یکی از جواب‌های معادله $m = 2x^3 + 3x^2 - 3x + mx = m - 3$ باشد، مجموع جواب‌های معادله $3 - 3x^2$ کدام است؟

-۳ (۴)

۶ (۳)

۳ (۲)

۹ (۱)

-۵۷- در مستطیلی به مساحت ۹ واحد مربع، طول مستطیل از دو برابر عرض آن ۳ واحد بیشتر است. محیط این مستطیل کدام است؟

۱۳ (۴)

۱۵ (۳)

۷/۵ (۲)

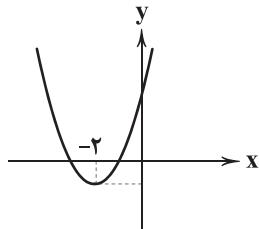
۶ (۱)

-۵۸- سهمی $y = ax^3 + bx + c$ محور y را در عرض -5 و محور X را در نقاط به طول ۱ و ۴ قطع کرده است. این سهمی خط y را در چه نقاطی قطع می‌کند؟

- (۱) قطع نمی‌کند.
- (۲) دو نقطه با طول مثبت
- (۳) یک نقطه با طول مثبت
- (۴) دو نقطه با طول های مثبت و منفی



۵۹- معادله سه‌می زیر، کدام می‌تواند باشد؟



$y = -x^2 - 4x + 3 \quad (1)$

$y = \frac{1}{2}x^2 + 2x + 3 \quad (2)$

$y = \frac{1}{2}x^2 - 2x + 3 \quad (3)$

$y = x^2 + 4x + 3 \quad (4)$

۶۰- علامت عبارت $P = \frac{-x(1-x)}{x^2+x-6}$ در کدام بازه منفی است؟

$(-2\sqrt{3}, -2) \quad (4)$

$(2, 3) \quad (3)$

$(\frac{3}{2}, \sqrt{3}) \quad (2)$

$(\frac{\sqrt{2}}{2}, \frac{\sqrt{5}}{2}) \quad (1)$

هندسه (۱)

۶۱- ذوزنقه متساوی‌الساقین ABCD به طول ساق ۵ و قطر x مفروض است. اگر طول قاعده بزرگ عددی صحیح و برابر میانگین ساق و قطر باشد، چند ذوزنقه با این شرایط، موجود است؟

۴ (۴)

۶ (۳)

۱ (۲)

۱) صفر

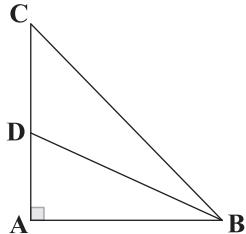
۶۲- کدام گزینه مثال نقطه ندارد؟

۱) به ازای هر عدد صحیح و نامنفی x ، حاصل $\frac{x}{x+1}$ عددی غیرصحیح است.

۲) حاصل ضرب هر دو عدد اول متمایز عددی فرد است.

۳) مجموع هر سه عدد صحیح متواتی بر ۳ بخش پذیر است.

۴) هر چهارضلعی با دو ضلع موازی و دو ضلع مساوی، یک متوازی‌الاضلاع است.

۶۳- در مثلث قائم‌الزاویه شکل زیر \hat{B} نیمساز \hat{B} است. اگر $AD = 5$ و $CD = 15/25$ و $BC = 6/25$ باشد، طول AB کدام است؟

۱۱ (۱)

۱۲ (۲)

۱۱/۵ (۳)

۱۲/۵ (۴)

۶۴- پاره خط AB به طول ۶ سانتی‌متر را در نظر بگیرید. نقاط C و D به فاصله ۴ واحد از A و ۵ واحد از B قرار دارند. مساحت چهارضلعی ACBD کدام است؟

۱۷\sqrt{7} (۴)

۳/۲۵\sqrt{7} (۳)

۱۵\sqrt{2} (۲)

۷/\sqrt{5} (۱)

۶۵- کدام یک از قضیه‌های زیر دوشرطی نیست؟

۱) اگر مربع عددی زوج باشد، آن عدد زوج است.

۲) در هر مستطیل قطرها با هم برابر است.

۳) هر نقطه روی عمودمنصف از دو سر پاره خط به یک فاصله است.

۴) در هر مثلث قائم‌الزاویه، میانه وارد بر وتر نصف وتر است.

محل انجام محاسبات



-۶۶- در ذوزنقه متساوی الساقین $ABCD$, نسبت قاعده‌ها برابر با $\frac{1}{3}$ است. طول ساق‌های این ذوزنقه چقدر باشد، به‌طوری که ارتفاع ذوزنقه برابر

با $\sqrt{5}$ و محیط آن برابر با ۱۸ باشد؟

$\frac{19}{4}$ (۴)

$\frac{21}{4}$ (۳)

۳ (۲)

۲ (۱)

-۶۷- اگر $\frac{1-a}{b-a} = \frac{4a-3}{3-2b}$ باشد، نسبت a به b کدام است؟

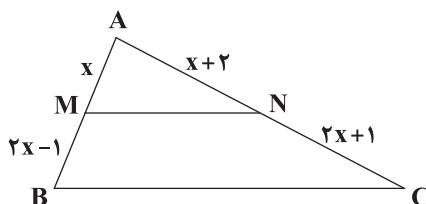
$\frac{1}{2}$ (۴)

$\frac{7}{2}$ (۳)

$-\frac{1}{2}$ (۲)

۲ (۱)

-۶۸- در شکل زیر اختلاف دو زاویه حاده M و N با اختلاف دو زاویه B و C برابر است. مقدار x کدام است؟



۱) ۱ یا 0°

۲) 0°

۳) چنین x ای وجود ندارد.

۴) ۱

-۶۹- مثلثی با اضلاع ۳ و $1-a$ و ۵ با مثلث دیگری با محیط ۵ متشابه است. اگر نسبت بزرگ‌ترین ارتفاع‌ها در دو مثلث $\frac{1}{3}$ باشد، a چند مقدار

می‌تواند داشته باشد؟

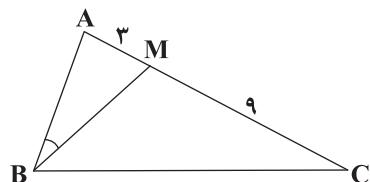
۴) بی‌شمار

۲ (۳)

۱ (۲)

۱) صفر

-۷۰- در مثلث زیر BM را طوری رسم می‌کنیم که $\hat{\Delta}ABC = \hat{\Delta}B\hat{M}C$ باشد. اگر محیط 27 واحد باشد، طول BM چقدر است؟



۴/۵ (۱)

۳/۵ (۲)

۴ (۳)

۳ (۴)



-۷۱- کدام یک از گزینه‌های زیر نادرست است؟

۱) در اندازه‌گیری کمیت‌های فیزیکی همواره مقداری خطای وجود دارد.

۲) خطای اندازه‌گیری را می‌توان کاهش داد، اما هرگز نمی‌توان به صفر رساند.

۳) دقت اندازه‌گیری ابزارهای رقمی بیش از ابزارهای مدرج است.

۴) مهارت شخص آزمایشگر و تعداد دفعات اندازه‌گیری روی دقت اندازه‌گیری تأثیرگذار هستند.

-۷۲- مقدار کدام گزینه با سایر گزینه‌ها متفاوت است؟

$5 \times 10^{-11} \mu\text{m}^3$ (۴)

$5 \times 10^{-6} \text{ m}^3$ (۳)

$5 \times 10^3 \text{ mm}^3$ (۲)

5 cm^3 (۱)

-۷۳- در کدام گزینه تمام کمیت‌های نام برده شده جزو کمیت‌های اصلی هستند؟

۴) سرعت، شتاب و طول

۳) انرژی، فشار و زمان

۲) طول، جرم و فشار

۱) زمان، دما و مقدار ماده



- ۷۴- در مخلوطی از آب و یخ، مقداری یخ ذوب می‌شود و حجم مخلوط 60 cm^3 تغییر می‌کند. جرم نهایی آب برحسب گرم کدام یک از گزینه‌های

$$\text{زیر می‌تواند باشد؟} \quad \rho_{\text{آب}} = 1 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}, \quad \text{یخ} = 0.9 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$$

۵۸۰ (۴)

۵۲۰ (۳)

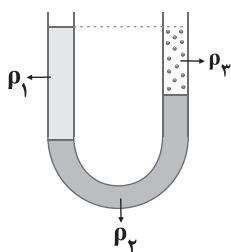
۵۱۰ (۲)

۵۰۰ (۱)

- ۷۵- علت پدیده نام برده شده در کدام گزینه با سایر گزینه‌ها متفاوت است؟

- (۱) قرار گرفتن گیره فلزی روی سطح شیشه
(۲) قطره‌ای شدن جیوه روی سطح شیشه
(۳) قطره‌های کروی آب در حال سقوط آزاد
(۴) تشکیل حباب‌های آب و صابون

- ۷۶- در شکل زیر، سه مایع مخلوط‌نشدنی در لوله U شکل در حال تعادل‌اند. کدام گزینه درست است؟



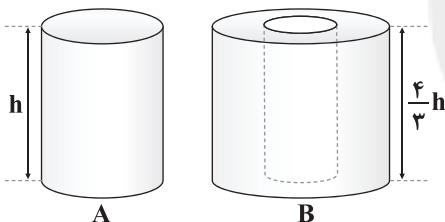
$\rho_2 > \rho_1 > \rho_3$

$\rho_2 > \rho_3 > \rho_1$

$\rho_1 > \rho_3 > \rho_2$

$\rho_1 > \rho_2 > \rho_3$

- ۷۷- در شکل زیر، دو استوانه هم‌جنس و همگن A و B را مشاهده می‌کنید. شعاع قاعده استوانه A برابر R و شعاع خارجی و داخلی استوانه B به ترتیب $3R$ و R است. فشاری که استوانه A به سطح افقی وارد می‌کند، چند برابر فشاری است که از طرف استوانه B به سطح افقی وارد می‌شود؟



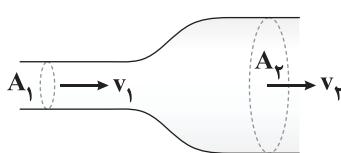
$\frac{4}{3}$

$\frac{3}{2}$

$\frac{3}{4}$

$\frac{2}{3}$

- ۷۸- در شکل زیر، حرکت شاره در لوله، افقی، پایا و لایه‌ای است. با حرکت شاره، به ترتیب از راست به چپ، آهنگ جریان، تندي و فشار شاره چگونه تغییر می‌کنند؟



(۱) افزایش - ثابت - کاهش

(۲) ثابت - افزایش - کاهش

(۳) کاهش - ثابت - افزایش

(۴) ثابت - کاهش - افزایش

- ۷۹- اگر تندي متحرکی به جرم m به اندازه $\frac{m}{s} 8$ افزایش پیدا کند، افزایش انرژی جنبشی آن $\frac{7}{9}$ انرژی جنبشی اولیه این متحرک می‌شود. تندي اولیه این متحرک چند متر بر ثانیه بوده است؟

۳۲ (۴)

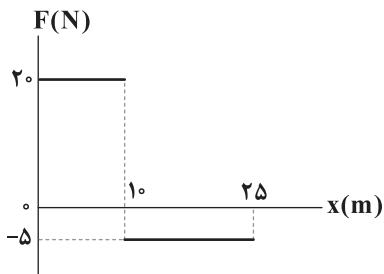
۲۴ (۳)

۱۶ (۲)

۸ (۱)



- ۸۰- نمودار نیرو بر حسب مکان جسمی که روی خط راست حرکت می‌کند، مطابق شکل زیر است. کار نیروی \vec{F} بر روی این جسم در ۲۵ متر جابه‌جایی جسم چند ژول است؟



- (۱) ۷۵
(۲) ۱۲۵
(۳) ۱۷۵
(۴) ۲۷۵

- ۸۱- گلوهای به جرم 40g با تندی $\frac{\text{m}}{\text{s}} ۹۰$ به طور افقی به تنۀ درخت برخورد کرده و با تندی افقی $\frac{\text{m}}{\text{s}} ۳۰$ از طرف دیگر آن خارج می‌شود. اگر قطر تنۀ درخت ۳۰cm باشد، بزرگی متوسط نیرویی که درخت بر گلوله وارد می‌کند، چند نیوتون است؟

- (۱) ۲۴۰
(۲) ۲۶۰
(۳) ۴۶۶
(۴) ۴۸۰

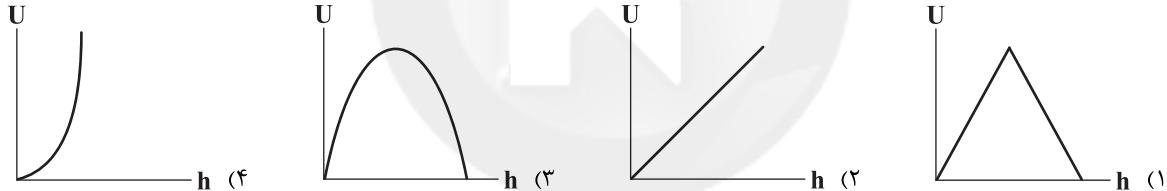
- ۸۲- دو نیروی هم‌راستا، هم‌جهت و با اندازه‌های مساوی، جسمی به جرم 5kg را از حالت سکون به حرکت در می‌آورند. اگر پس از ۱۰ متر جابه‌جایی روی سطح افقی، تندی جسم به $\frac{\text{m}}{\text{s}} ۴$ برسد، اندازه هر یک از نیروها چند نیوتون است؟

- (۱) ۱۰
(۲) ۲۰
(۳) ۳۰
(۴) ۴۰

- ۸۳- توبی به جرم نیم کیلوگرم از ارتفاع 10m از سطح زمین، بدون تندی اولیه رها شده و بعد از برخورد با زمین تا ارتفاع 6m از سطح زمین بالا می‌آید. تغییرات انرژی پتانسیل گرانشی توب در این جابه‌جایی چند ژول است؟ ($g = ۱۰ \frac{\text{m}}{\text{s}}^2$)

- (۱) ۲۰
(۲) ۸۰
(۳) -۲۰
(۴) -۸۰

- ۸۴- جسمی را با سرعت اولیه 7m/s از سطح زمین در راستای قائم، رو به بالا پرتاب می‌کنیم. در کدام گزینه، نمودار تغییرات انرژی پتانسیل گرانشی جسم بر حسب ارتفاع از نقطۀ پرتاب را در زمان رفت و برگشت جسم، به درستی آمده است؟

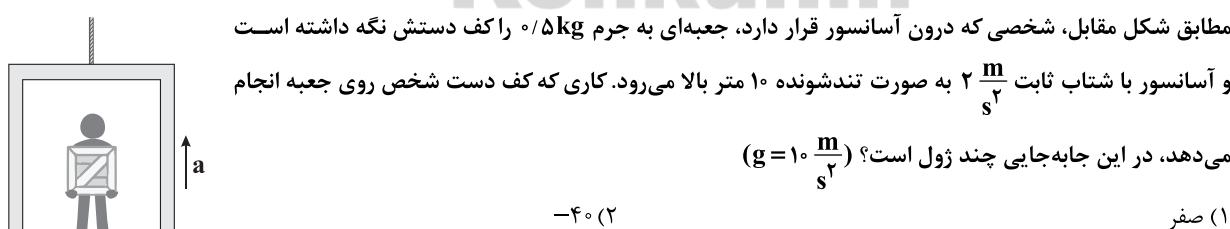


- ۸۵- مطابق شکل زیر، جسمی به جرم 5kg از نقطۀ A تا نقطۀ B جابه‌جا می‌شود. کار نیروی وزن بر روی جسم در این جابه‌جایی چند ژول است؟ ($g = ۱۰ \frac{\text{m}}{\text{s}}^2$)



- (۱) صفر
(۲) -۲۵۰
(۳) +۲۵۰
(۴) ۵۰۰

- ۸۶- مطابق شکل مقابل، شخصی که درون آسانسور قرار دارد، جعبه‌ای به جرم $۰/۵\text{kg}$ را کف دستش نگه داشته است و آسانسور با شتاب ثابت $\frac{\text{m}}{\text{s}} ۲$ به صورت تندشونده ۱۰m بالا می‌رود. کاری که کف دست شخص روی جعبه انجام

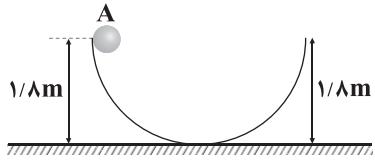


- (۱) صفر
(۲) -۴۰
(۳) ۶۰
(۴) ۴۰



-۸۷- در شکل زیر، جسم از نقطه A، از حال سکون رها شده و در مسیر دایره‌ای شکل، حرکت رفت و برگشتی انجام می‌دهد. با فرض بدون

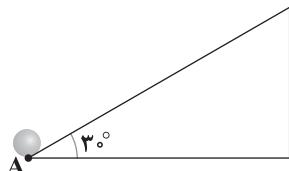
$$\text{اصطکاک بودن مسیر حرکت، بیشترین تندي جسم چند متر بر ثانیه خواهد بود؟} \quad (g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2})$$



- ۲ (۱)
۴ (۲)
۶ (۳)
۸ (۴)

-۸۸- در شکل زیر، جسم با تندي $2 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ ، از نقطه A به سمت بالای سطح شیبدار پرتاب می‌شود. بیشترین مسافتی که جسم روی سطح بالا

$$\text{می‌رود، چند متر است؟ (از اصطکاک سطح صرف نظر کنید، } \sin 30^\circ = \frac{1}{2} \text{ و } g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2})$$



- ۰ / ۲ (۱)
۰ / ۴ (۲)
۰ / ۸ (۳)
۱ / ۲ (۴)

-۸۹- گلوله‌ای را در شرایط خلا از سطح زمین در راستای قائم به سمت بالا پرتاب می‌کنیم. اگر تحت همان شرایط، تندي اولیه گلوله را 30° درصد افزایش دهیم، نقطه اوج (بیشترین ارتفاع از سطح زمین) گلوله چند برابر حالت اول می‌شود؟

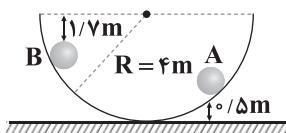
۱/۶۹ (۴)

۱/۳۱ (۳)

۰ / ۶۹ (۲)

۰ / ۳ (۱)

-۹۰- در شکل زیر، کمینه تندي گلوله در نقطه A چند متر بر ثانیه باشد تا گلوله بتواند درون نیمکره بدون اصطکاک به نقطه B



$$\text{بررسد؟} \quad (g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2})$$

- ۴ (۱)
۶ (۲)
۸ (۳)
۱۲ (۴)

-۹۱- شمار الکترون‌های یون X^{3+} ، دو برابر شمار الکترون‌های یون A^{-2} است. تفاوت شمار نوترون‌های این دو یون کدام است؟
(یون A^{-2} برخلاف X^{3+} ، آرایش یک گاز نجیب را دارد.)

۶۵ (۴)

۷۱ (۳)

۶۷ (۲)

۶۶ (۱)

-۹۲- چه تعداد از عبارت‌های زیر درست است؟

- عنصری با عدد اتمی ۴۷ با Cu همگروه و با نخستین عنصر ساخت بشر، هم دوره است.
- سنگین‌ترین ایزوتوب‌های طبیعی عنصرهای لیتیم و کلر، فراوان‌ترین ایزوتوب‌های این دو عنصر نیستند.
- الکترون را با نماد e^- نشان داده و جرم آن در حدود 0.0005 amu است.
- اگر آرایش الکترونی ذره‌ای به زیرلایه $3d$ ختم شود، آن ذره یک کاتیون است.

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)



۹۳- جرم اتمی H^1 و H^2 به ترتیب برابر با $1/0078$ و $2/0141$ در مقیاس amu و جرم اتمی میانگین هیدروژن در کره زمین برابر $1/0080$ amu است. درصد فراوانی H^2 کدام است؟

۰/۰۰۰۲ (۴)

۰/۰۰۲ (۳)

۰/۰۲ (۲)

۰/۲ (۱)

۹۴- در طیف نشری خطی اتم هیدروژن در ناحیه مرئی در فاصله 400 تا 500 ، 500 تا 600 و 600 تا 700 نانومتر به ترتیب چند نوار رنگی وجود دارد؟ (گزینه‌ها را به ترتیب از راست به چپ بخوانید).

۳، ۰، ۱ (۴)

۱، ۰، ۳ (۳)

۲، ۱، ۱ (۲)

۱، ۱، ۲ (۱)

۹۵- آرایش الکترونی یون‌های X^{2+} ، Y^{2-} و Z^{3+} به ترتیب به زیرلایه‌های $3d^1$ ، $3p^6$ و $3p^6$ ختم می‌شود. چه تعداد از عبارت‌ها در ارتباط با آن‌ها درست است؟

- X و Z هر دو از عناصر دسته d هستند که یون‌های تک‌اتمی متنوع و پایدار ایجاد می‌کنند.

- X نخستین عنصر جدول دوره‌ای است که زیرلایه d آن به طور کامل از الکترون پُر شده است.

- مجموع اعداد اتنی این سه عنصر برابر با 67 است.

- YO_2 اکسیدی با فرمول YO_2 تولید می‌کند که در آب خاصیت اسیدی دارد.

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

۹۶- عنصرهای A، X و D در دوره سوم جدول تناوبی جای دارند. اگر در آرایش الکترون - نقطه‌ای هر کدام از اتم‌های A و D، یک الکترون جفت نشده و اتم X دارای بیشترین الکترون‌های جفت نشده باشد، ترکیب‌های حاصل از «A و X»، «A و D» و «D و X» به ترتیب چگونه‌اند؟ (گزینه‌ها را از راست به چپ بخوانید).

($Z_A > Z_X > Z_D$)

(۱) یونی، مولکولی (۲) یونی، یونی (۳) مولکولی، مولکولی (۴) مولکولی، یونی

۹۷- ترکیبی با جرم مولی $189/5$ گرم بر مول فقط از اتم‌های C، H، O و Cl تشکیل شده است. اگر نسبت جرمی کربن به هیدروژن برابر $9/6$ باشد، نسبت تعداد اتم‌های اکسیژن به کلر چند است؟ ($H=1$ ، $C=12$ ، $O=16$ ، $Cl=35/5:g.mol^{-1}$)

۱ (۴)

۲ (۳)

۴ (۲)

۳ (۱)

۹۸- در جدول دوره‌ای چندین عنصر وجود دارد ($Z \leq 40$) که در آرایش الکترونی اتم آن‌ها زیرلایه‌ای با $n+1=5$ نیم‌بر است. میانگین اعداد اتمی این عنصرها کدام است؟

(۱) $28/25$ (۲) $33/33$ (۳) $29/75$ (۴) $31/33$

۹۹- عنصر M در گروه چهاردهم و دوره پنجم جدول دوره‌ای جای دارد. مجموع اعداد کواتنتومی اصلی و فرعی الکترون‌های لایه آخر یون M^{2+} کدام است؟

(۱) 10 (۲) 12 (۳) 22 (۴) 20

۱۰۰- چه تعداد از عبارت‌های زیر در ارتباط با سدیم کلرید درست است؟

- طول موج شعله آن، بلندتر از طول موج شعله مس (II) سولفات است.

- اندازه آنیون آن بزرگ‌تر از اندازه کاتیون آن است.

- فرمول مولکولی آن، از نظر نسبت شمار ذره‌های سازنده، مشابه فرمول مولکولی کلسیم اکسید است.

- بلورهای مکعبی شکل دارد و هر مول از آن بر اثر انتقال یک مول الکترون بین اتم‌های سدیم و کلر تشکیل شده است.

(۱) 4 (۲) 3 (۳) 2 (۴) 1



۱۰۱- کدام یک از مطالب زیر درست است؟

۱) در لایه‌های بالایی هواکره، علاوه بر اتم‌ها و مولکول‌ها، شماری یون وجود دارد که همگی کاتیون تکاتمی هستند.

۲) با گرم کردن هوای مایع، گاز آرگون زودتر از گاز اکسیژن جدا می‌شود.

۳) در فرایند تهیه هوای مایع، پس از عبور هوا از صافی، در فشار ثابت و با کاهش دما، H_2O و CO_2 را جدا می‌کنند.

۴) از هلیم برای پر کردن بالنهای هواشناسی، تفریحی و تبلیغاتی در جوشکاری و مهم‌تر از همه در کپسول غواصی استفاده می‌شود.

۱۰۲- برای نامگذاری ترکیب‌های دوتایی چه تعداد از جفت عنصرهای زیر به ترتیب از پیشوندهای یونانی (مونو، دی، تری و ...) و اعداد رومی (I, II, III و ...) استفاده می‌شود؟ (گزینه‌ها را از راست به چپ بخوانید).

O, Al •	Br, Si •	O, Cr •	F, N •	Cl, P •	O, N •	S, Cu •	Cl, Fe •
۳ , ۴ (۲)							۳ , ۳ (۱)
۲ , ۴ (۴)							۲ , ۳ (۳)

۱۰۳- آرگون در مقایسه با هلیم، نقطه جوش ، درصد فراوانی در سیاره مشتری و درصد فراوانی در هوای پاک و خشک لایه تروپوسفر دارد.

(۲) پایین‌تر، بیشتر، بیشتری

(۱) بالاتر، کم‌تر، بیشتری

(۴) پایین‌تر، کم‌تر، کم‌تری

(۳) بالاتر، کم‌تر، کم‌تری

۱۰۴- کدام یک از مطالب زیر نادرست است؟

۱) باران معمولی، انگشتی اسیدی است و pH کمتر از ۷ دارد.

۲) گاهی خاصیت اسیدی باران باعث خشکی و ترک‌خوردگی پوست می‌شود.

۳) با افزایش مقدار کربن دی‌اسید محلول در آب، اسکلت آهکی مرجان‌ها از بین می‌رود.

۴) از آهک برای کاهش میزان pH آب دریاچه‌ها استفاده می‌شود.

۱۰۵- چه تعداد از عبارت‌های زیر در ارتباط با گاز کربن مونوکسید درست است؟

• گازی بی‌رنگ، بدبو و بسیار سُمّی است.

• چگالی این گاز کم‌تر از هوا بوده و به سرعت در همه فضای اتاق پخش می‌شود.

• مولکول‌های آن پس از اتصال به گلوبول‌های سفید از رسیدن اکسیژن به بافت‌های بدن جلوگیری می‌کنند.

• ساختار لوویس آن مشابه ساختار لوویس فراوان ترین مولکول لایه تروپوسفر است.

۴ (۴)	۳ (۳)	۲ (۲)	۱ (۱)
-------	-------	-------	-------

۱۰۶- در لایه ظرفیت اتم‌ها در مولکول‌های $NOCl$ و SOF_2 به ترتیب چند جفت الکترون ناپیوندی وجود دارد؟ (گزینه‌ها را از راست به چپ بخوانید).

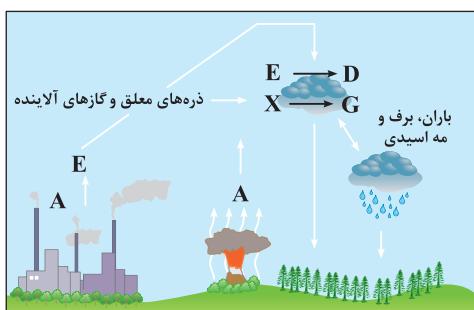
۹ , ۶ (۴)	۱۰ , ۵ (۳)	۱۰ , ۶ (۲)	۹ , ۵ (۱)
-----------	------------	------------	-----------

۱۰۷- عنصرهای A و X در دوره چهارم جدول تناوبی جای دارند. اگر فرمول اکسید عنصر A به صورت A_xO_y و فرمول ترکیب هیدروژن‌دار X به صورت XH_z باشد، حداقل و حداقل تفاوت عدد اتمی A و X در کدام گزینه آمده است؟

۱۱ , ۳ (۴)	۱۳ , ۳ (۳)	۱۱ , ۱ (۲)	۱۳ , ۱ (۱)
------------	------------	------------	------------



۱۰۸- شکل زیر روند تولید باران اسیدی را نشان می‌دهد. اگر شمار اتم‌های موجود در a گرم ترکیب D ، دو برابر شمار اتم‌های موجود در b گرم ترکیب X باشد، نسبت a به b کدام است؟ ($H=1, N=14, O=16, S=32: g/mol^{-1}$)



۱/۵۷۵ (۱)

۱/۲۶ (۲)

۰/۳۹۳ (۳)

۰/۳۱۵ (۴)

۱۰۹- در چه تعداد از گونه‌های زیر، تمامی پیوندها یگانه (ساده) است؟



۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

۱۱۰- کدام یک از مطالب زیر نادرست است؟

۱) شیمی‌دان‌ها از واکنش‌پذیری زیاد اکسیژن برای تهیه بسیاری از مواد بهره می‌گیرند.

۲) در واکنش سوختن یک ماده، تنها بخشی از انرژی شیمیابی آن به صورت گرما و نور آزاد می‌شود.

۳) آرگون با ایجاد محیط بی‌اثر هنگام جوشکاری، استحکام و طول عمر فلز جوشکاری شده را افزایش می‌دهد.

۴) گوگرد با شعله آبی‌رنگ می‌سوزد و طی آن گوگرد تری اکسید تولید می‌شود.

سایت کنکور

Konkur.in

دفترچه شماره ۲

آزمون شماره ۱۴

جمعه ۱۱/۰۸/۱۴۰۰



آزمون‌های سراسری کاج

گزینه درست را انتخاب کنید.

سال تحصیلی ۱۴۰۰-۱۴۰۱

پاسخ‌های تشریحی

پایه دهم ریاضی

دوره دوم متوسطه

شماره داوطلبی:	نام و نام خانوادگی:
مدت پاسخگویی: ۱۳۵ دقیقه	تعداد کل سوالات: ۱۱۰

عنوانین مواد امتحانی آزمون گروه آزمایشی علوم ریاضی، تعداد سوالات و مدت پاسخگویی

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سوال	شماره سوال		مدت پاسخگویی
			تا	از	
۱	فارسی ۱	۱۰	۱	۱۰	۱ دقیقه
۲	عربی، زبان قرآن ۱	۱۰	۱۱	۲۰	۱ دقیقه
۳	دین و زندگی ۱	۱۰	۲۱	۳۰	۱ دقیقه
۴	زبان انگلیسی ۱	۱۰	۳۱	۴۰	۱ دقیقه
۵	ریاضی ۱	۲۰	۴۱	۶۰	۴۵ دقیقه
	هندرسه ۱	۱۰	۶۱	۷۰	
۶	فیزیک ۱	۲۰	۷۱	۹۰	۲۵ دقیقه
۷	شیمی ۱	۲۰	۹۱	۱۱۰	۲۰ دقیقه

آزمون‌های سراسری گاج

ویراستاران علمی	طراحان	دروس
اسماعیل محمدزاده مسیح گرجی - مریم نوری‌نیا	امیرنجالات شجاعی	فارسی
شاھو مرادیان - پریسا فیلو سیدمهبدی میرفتحی محمدیوسف هدایت	راضیه یادگاری	زبان عربی
بهاره سلیمی - عطیه خادمی	شعیب مقدم	دین و زندگی
مهدیه حسامی - مریم پارسائیان	امید یعقوبی فرد - مهدیه حسامی	زبان انگلیسی
مریم ولی عابدینی - مینا نظری	ندا فرهختی	ریاضی ۱ هندسه ۱
مروارید شاهحسینی سارا دانایی کجانی حسین زین‌العابدین زاده	علی امانت	فیزیک
ایمان زارعی - میلاد عزیزی	مریم تمدنی - میلاد عزیزی	شیمی



فروشگاه مرکزی گاج: تهران - خیابان انقلاب
نیش بازارچه کتاب

اطلاع رسانی: ۰۲۱-۶۴۲۰

نشانی اینترنتی: www.gaj.ir



آماده‌سازی آزمون

مدیریت آزمون: ابوالفضل مزرعی

بازبینی و نظارت نهایی: سارا نظری

برنامه‌ریزی و هماهنگی: مریم جمشیدی عینی - مینا نظری

بازبینی دفترچه: بهاره سلیمی - عطیه خادمی

ویراستاران فنی: ساناز فلاحتی - مروارید شاهحسینی - مریم پارسائیان - زهرا رجبی

سرپرست واحد فنی: سعیده قاسمی

صفحه‌آراء: فرهاد عبدالی

طرح شکل: آرزو گلفر

حروف‌نگاران: پگاه روزبهانی - مینا عباسی - مهناز السادات کاظمی - زهرا فتاحی - فرزانه رجبی - ربایه الطافی

به نام خدا

حقوق دانشآموزان در آزمون‌های سراسری گاج

داوطلب گرامی؛ با سلام در اینجا شما را با بخشی از حقوق خود در آزمون‌های سراسری گاج آشنا می‌نماییم:

۱- اطلاعات شناسنامه‌ای و آموزشی شما مانند نام، نام خانوادگی، جنسیت و گروه آزمایشی بایستی به صورت صحیح در بالای پاسخ‌برگ درج شده باشد.

۲- آزمون‌های سراسری گاج باید راس ساعت اعلام شده در دفترچه، شروع و خاتمه یابد.

۳- محل برگزاری آزمون باید از لحاظ سرمایش و گرمایش، نور کافی، نظافت و سایر موارد در حد مطلوب و استاندارد باشد.

۴- سوالات آزمون‌های سراسری گاج بایستی نزدیک ترین سوالات به کنکور سراسری باشد و عاری از هرگونه اشکال علمی و تایپی باشد.

۵- در هنگام برگزاری آزمون باید تغذیه رایگان دریافت نمایید.

۶- بعد از هر آزمون و به هنگام خروج از جلسه آزمون بایستی پاسخ‌نامه‌ی تشریحی هر آزمون را دریافت نمایید.

۷- کارنامه‌ی هر آزمون بایستی در همان روز آزمون به روش‌های ذیل تحويل شما گردد:

- مراجعة به سایت گاج به نشانی www.gaj.ir

- مراجعة به نمایندگی.

۸- خدمات مشاوره‌ای رایگانی که در طی ۱ مرحله آزمون (ویژه داوطلبان آزاد) ارائه می‌گردد شامل:

- برگزاری جلسه مشاوره حداقل یکبار در طی هر آزمون توسط رابط تحصیلی.

- تماس تلفنی حداقل ۲ بار در طی هر آزمون توسط رابط تحصیلی.

• تماس تلفنی با اولیا حداقل یکبار در هر فاز [آزمون‌های سراسری گاج در چهار فاز تابستانه، ترم اول، ترم دوم و جامع برگزار می‌گردد].

- بررسی کارنامه آزمون توسط رابط تحصیلی در هر آزمون.

چنانچه در هر یک از موارد فوق کمبود و یا نقصی مشاهده نمودید لطفاً بلافصله با تلفن ۰۶۴۲۰-۰۲۱ تماس حاصل نموده و مراتب را اطلاع دهید.



در گاج، بهترین صدا،
صدای دانشآموز است.



فارسی

بررسی سایر گزینه‌ها:

۱) توکل به خداوند و بهره‌مندی از رحمت او موجب دور ماندن از آسیب مکر و بددلی است.

۲) نکوهش فریفته شدن به وسیله روزگار

۳) توصیه به پرهیز از مکر دشمن نرم خو

۴) مفهوم مشترک بیت سؤال و گزینه (۴): عجز انسان از شناخت و توصیف خداوند

مفهوم سایر گزینه‌ها:

۱) تنها حقیقت ارزشمند در جهان هستی، معشوق است.

۲) تقابل عشق و عقل

۳) ارزشمندی معشوق

۱) معنی درست واژه‌ها:

ورطه: گرداب، گودال، مهلهک، گرفتاری

تیمار: غم، حمایت و نگاهداشت، توجّه

مفهومه: گرفتاری، سختی، دشواری

آخره: چنبه‌گردن، قوس زیرگردن (غارب: میان دو کتف / گله: برآمدگی پشت

پای اسب)

۲) املای درست واژه:

لثیم: پست

۳) استعاره: ماه استعاره از معشوق

واج آرایی: تکرار مصوت بلند «ا» (۸ بار) و صامت «ر» (۷ بار)

تشییه: معشوق به آفتاب

تضاد: شب ≠ سحر

جناس: سحر، سفر

۴) تشخیص (بیت «ب»): نسبت دادن پایه‌رکابی به حواس و

وفادری به اوراق خزان

تشییه (بیت «ج»): لاله‌رخ، تشییه رخ به لاله

استعاره (بیت «الف»): کان ملاحت استعاره از معشوق

کنایه (بیت «ه»): «آب شدن دل» در اینجا کنایه از، از بین رفتن تمایلات

لذت‌طلبانه / دست شستن کنایه از قطع دل بستگی

حس آمیزی (بیت «د»): شیرینی جان

۵) عاشق (مضاف‌الیه) جان است.

۶)

بررسی سایر گزینه‌ها:

۱) از تو نشانی (مفهول) جز صنع حکیمانه ندیدند.

۲) دروغ (مفهول) نگفتی.

۳) تو لشکر (مفهول) بیارای.

۷)

۲) می‌کردم: ماضی استمراری / نبود: ماضی ساده

بررسی سایر گزینه‌ها:

۱) نمی‌پرسی: مضارع اخباری

۳) می‌چکد: مضارع اخباری

۴) درنمی‌کشد: مضارع اخباری

۸)

۳) «واو» عطف: شیخ و زاهد

حرف «واو» در سایر گزینه‌ها از نوع «ربط» است.

۹)

۲) مفهوم گزینه (۲): غیرت عاشقانه و بی‌وفایی معشوق

مفهوم مشترک بیت سؤال و سایر گزینه‌ها: وفاداری عاشق

۱)

۳) مفهوم مشترک آیه شریفه سؤال و گزینه (۳): توصیه به پروا

کردن از عذاب، مکر و تدبیر خداوند

سایت Konkur.in



دین و زندگی

۲۱ آیه «مَنْ أَمْنَ بِاللَّهِ وَالْيَوْمِ الْآخِرِ وَعَمِلَ صَالِحًا» با عبارت اول

مذکور در صورت سؤال ارتباط دارد، از این جهت که کسانی که سرای آخرت را می طلبند همان معتقدان به معاد هستند و پاداش آنها «لَا حَوْفٌ عَلَيْهِمْ وَلَا هُمْ يَحْرُثُونَ» است و آیه «مَنْ كَانَ يُرِيدُ ... وَالْآخِرَةُ» به انتخاب خدا به عنوان هدف اصلی زندگی اشاره دارد.

آیه شریفه «وَ قَالُوا مَا هِيَ الْحَيَاةُ الْدُّنْيَا» بیانگر دیدگاه منکران معاد است که با عبارت دوم مذکور در صورت سؤال هم مفهوم است.

۲۲ موارد «الف» و «ج» و «د» صحیح است.

خداآوند در آیه ۹۱ سوره مائدہ می فرماید: «شیطان می خواهد به وسیله شراب و قمار، در میان شما دشمنی و کینه ایجاد کند و شما را از یاد خدا و نماز باز دارد.»

۲۳ موارد «الف» و «ج» صحیح است.

خداآوند در آیه ۲۴ سوره جاثیه می فرماید: «وَ قَالُوا مَا هِيَ الْحَيَاةُ الدُّنْيَا تَمُوتُ وَ تُحْيَىٰ وَ مَا يُهْلِكُنَا إِلَّا الدَّهْرُ وَ مَا لَهُمْ بِذَلِكَ مِنْ عِلْمٍ إِنْ هُمْ إِلَّا يَظْنُنُونَ» [کافران] گفتند: زندگی و حیاتی جز همین زندگی و حیات دنیایی ما نیست. همواره [گروهی از ما] می میریم و [گروهی] زنده می شویم و ما را فقط گذشت روزگار نابود می کند. البته این سخن را از روی علم نمی گویند، بلکه فقط ظن و خیال آنان است.»

۲۴ اگر قبول کنندگان معاد، ایمان و باور قلبی به معاد داشته باشند، آثار و پیامدهای منکران معاد گریبان آنها را نمی گیرند.

۲۵ **۱** بررسی موارد:

(الف) به قدرت خداوند به زنده کردن مردگان اشاره دارد که دلالت بر یکی از دلایل امکان معاد دارد.

(ب) خداوند حکیم است و لازمه حکمت خدا این است که هیچ کاری از کارهای او بیهوده و عبیث نباشد. اگر خداوند در درون انسان گرایش به بقا و جاودانگی قرار داده است، پس امکانات پاسخگویی به این تمایل را با حیات ابدی در آخرت قرار داده است.

۲۶ خداوند در آیه «اللَّهُ لَا إِلَهَ إِلَّا هُوَ لَيْجُمَعَكُمْ إِلَيْ يَوْمِ الْقِيَامَةِ لَا رَيْبَ فِيهِ» بیان می کند که انسانها را در قیامت حتماً جمع می کند بنابراین، قیامت حتماً رخ خواهد داد. آیه «أَفَحَسِّنَتُمْ أَنَّمَا خَلَقْتُكُمْ عَبْتَأْ وَ أَنَّكُمْ إِلَيْتَنَا لَا تُرْجِعُونَ» به حکیم بودن خداوند اشاره دارد و این که هر تمایلی در انسان قرار داده شده، امکانات پاسخگویی آن هم تدارک دیده شده است.

۲۷ خداوند در آیات ۹۹ و ۱۰۰ سوره مؤمنون می فرماید: «آن گاه که مرگ یکی از آنها فرا رسید می گوید: پروردگارا مرا باز گردانید باشد که عمل صالح انجام دهم؛ آن چه را در گذشته ترک کرده‌ام.»

يعنی اگر انسان این توانایی را داشت، در بزخ کوتاهی هایش را جبران می کرد و برای انجام نیکی ها درخواست بازگشت به دنیا را نمی کرد. بنابراین، بزخ ظرفیت انجام عمل را ندارد.

زبان عربی

■ مناسب ترین گزینه را در جواب برای ترجمه یا تعریف یا مفهوم مشخص کن (۱۶ - ۱۱)

۱۱ ترجمة کلمات مهم: أخرجت: بیرون آوردم؛ فعل ماضی است.
[رد گزینه (۴)]
کل: همه [رد گزینه (۳)]

الحبوب الموجودة: قرص های موجود؛ ترکیب وصفی است. [رد گزینه های (۲) و (۳)]
قال لي الشرطي: پلیس به من گفت [رد گزینه های (۳) و (۴)]

۱۲ ترجمة کلمات مهم: العملاء: مزدوران [رد سایر گزینه ها]

نقائلهم: با آنها می جنگیم؛ فعل مضارع است. [رد سایر گزینه ها]
۱۳ ترجمة کلمات مهم: نرى: می بینیم؛ فعل مضارع است. [رد گزینه های (۳) و (۴)]

أقدامه: پاهایش؛ جمع است و همراه ضمیر «ه» آمده است. [رد گزینه های (۲) و (۴)]

قدَمَيْه: دو پایش؛ مثنی است. [رد گزینه های (۲) و (۴)]
۱۴ ترجمة کلمات مهم: تلک: آن / إجلب: بیاورید (جمع مؤنث است).
ترجمه: «لطفاً آن چمدانها را به سالن گمرک بیاورید!»

۱۵ **۲** تعریف کلمات مهم:
افتادن پی در پی: تساقط [رد سایر گزینه ها]
ماهی ها: الأسماء [رد گزینه (۴)]

منظار زیبایی: مناظر جميلة؛ جمع است. [رد گزینه (۱)]
۱۶ **۴** ترجمة و بررسی گزینه ها:

(۱) اقیانوس: حجم آب هایش بیشتر از دریاست (✓)

(۲) گذرنامه: کارتی است که با آن می توانیم وارد کشورها شویم! (✓)

(۳) برف: پیده های طبیعی است که از آسمان در فصل های سرد می باردا! (✓)
(۴) قطعه زمین: قطعه های از زمین های کشاورزی (← نادرست) در روستا است! (✗)

■ گزینه مناسب را در پاسخ به سؤالات زیر مشخص کن (۲۰ - ۱۷):

۱۷ **۲** «خطاب» از باب «مفاعلة» است و فقط یک حرف زائد دارد.

بررسی سایر گزینه ها:
(۱) استطاع ← باب «استفعال» سه حرف زائد.

(۳) لا تکلموا ← باب «تفعل» دو حرف زائد
(۴) تعاوونوا ← باب «تفاغل» دو حرف زائد

۱۸ **۲** «انکسرت» از باب «انفعال» است و حرف «ن» جزء حروف زائد است.

بررسی سایر گزینه ها:
(۱) تَنَقِّل ← باب «افتعال» از ریشه «نقل» است.

(۳) ينتخب ← باب «افتعال» از ریشه «نخب» است.
(۴) انتشر ← باب «افتعال» از ریشه «نشر» است.

۱۹ **۳** فعل های «تعارفوا»، «ترام»، «آلآ يتزاولوا»، از باب «تفاغل» هستند، اما فعل «تواجه» از باب «مفاعلة» است.

۲۰ **۴** تعايشوا ← تعايشوا فعل از امر باب تفاعل است.



زبان انگلیسی

۲۱ باید تور کوهنوردی را که برای آن برنامه‌ریزی کرده بودیم لغو کنیم، زیرا پیش‌بینی می‌گفت فردا بارانی و سرد خواهد بود.

توضیح: چون اخبار پیش‌بینی هوا براساس شواهد موجود هواشناسی است، در به کار بردن فعل آینده به جای "will" از "be going to" استفاده می‌کنیم.

۲۲ اگرچه مایک و جولیا دوقلو هستند، اما جولیا به اندازه برادرش بلند نیست. مایک خیلی بلندتر از خواهرش است و همه از این [موضوع] تعجب می‌کنند.

توضیح: گزینه (۴) از لحاظ گرامری نادرست است؛ زیرا شکل درست آن "taller" می‌باشد. با توجه به این که مایک از خواهرش بسیار بلندتر است، پس گزینه (۱) از نظر معنی درست نیست. هم‌چنین چون مقایسه بین دو نفر است، گزینه (۳) معنا را به درستی کامل می‌کند، نه صفت عالی در گزینه (۲) که برای مثال می‌تواند برای مقایسه شخص با گروه کاربرد داشته باشد.

۲۳ خیلی وقت پیش، نبردی به قدری وحشتناک رخ داد که کل جهان را به نابودی تهدید کرد.

- (۱) نابود کردن
- (۲) از بین رفتن
- (۳) افزایش دادن
- (۴) محافظت کردن

۲۴ برای بررسی سطح قند خون خود، ابتدا باید نوک انگشت را به آرامی سوراخ کنید تا یک قطره خون بگیرید.

- (۱) سلول
- (۲) میکروب
- (۳) دشت
- (۴) قطره

۲۵ برخی از ستاره‌شناسان بر این باورند که مدار عجیب پلوتو نشان می‌دهد که این سیاره اصلاً یکی از سیارات اولیه نبوده، بلکه قمری از نپتون بوده که به نحوی به صورت ناگهانی اتصالش به آن قطع شده است.

- (۱) سنگ
- (۲) مایع
- (۳) مدار
- (۴) واقیت

بسیاری از پرندگان در آمریکای شمالی هر ساله کوچ می‌کنند. کوچ یعنی رفتن از جایی به جای دیگر. در طول پاییز که هوا شروع به سرد شدن می‌کند، پرنده‌اند مهاجر برای گرم ماندن و یافتن غذا در زمستان به سمت جنوب پرواز می‌کنند، برخی تا آمریکای جنوبی. سپس در بهار دوباره به شمال پرواز می‌کنند تا خانواده‌ای از نوزادان را در آمریکای شمالی بزرگ کنند. برخی از پرندگان در هوای گرم در ایالات متحده می‌مانند، اما برخی دیگر دوست دارند در بهار به شمال به کانادا یا حتی آلاسکا بروند. برخی از پرندگان در تمام طول سال بدون توجه به آب و هوا در یک مکان می‌مانند. این‌ها پرنده‌اند غیرمهاجر نامیده می‌شوند؛ [یعنی] از جایی به جای دیگر حرکت نمی‌کنند. اردک‌ها و غازها را پرنده‌اند آبیزی می‌نمایند زیرا دوست دارند روی آب زندگی کنند و نزدیک آب بمانند. بیشتر اردک‌ها و غازها کوچ می‌کنند. انواع مختلفی از اردک‌ها و غازها که گونه‌های مختلف نامیده می‌شوند، هر کدام ترجیح می‌دهند در مکانی متفاوت بمانند. درست همان طور که شما در یک شهر زندگی می‌کنید و افراد دیگر در جای دیگری زندگی می‌کنند، پرنده‌اند مختلف به جایی کوچ می‌کنند که بیش از همه [آن را] دوست دارند.

۲۸ ۱ عامل شعور و آگاهی انسان روح وی است و با توجه به این‌که در بربزخ، روح به حیات خود ادامه می‌دهد، در نتیجه شعور و آگاهی هم با خود به همراه دارد.

۲۹ ۲ اعمال پیامبران و امامان معیار و میزان سنجش اعمال قرار می‌گیرد، زیرا اعمال آنان عین آن چیزی است که خدا به آن دستور داده است؛ از این‌رو هر چه عمل انسان‌ها به راه و روش آنان نزدیکتر باشد، ارزش افرون‌تری خواهد داشت.

۳۰ ۲ از نظر اهمیت، فرشتگان دومین شاهدان روز قیامت پس از پیامبران و امامان هستند و فرشتگان در طول زندگی انسان‌ها، همواره مراقب آن‌ها بوده‌اند و تمامی اعمال آن‌ها را ثبت و ضبط کرده‌اند. آیه شریفه «وَ إِنَّ عَلَيْكُمْ لَحَافِظِينَ» به گواه بودن فرشتگان بر اعمال انسان‌ها اشاره دارد. بدکاران از مشاهده گواهی اعضای خویش به شگفت می‌آیند.



ریاضیات

A ⊆ B نامتناهی A ⊆ B

۴۱

بررسی موارد:

(الف) لزوماً صحیح نیست. کافی است A را از اعداد زوج و B را از اعداد طبیعی در نظر بگیرید. (✗)

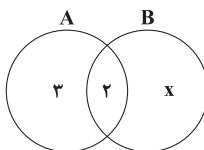
(ب) چون $B \subseteq A$, پس $A - B = \emptyset$ مجموعه‌ای متناهی است. (✓)
 (پ) لزوماً صحیح نیست. کافی است A را از اعداد طبیعی بزرگ‌تر از ۱۰ و B را از اعداد طبیعی در نظر بگیرید. در این صورت $A - B$ برابر با اعداد ۱ تا ۱۰ است و مجموعه‌ای متناهی است. (✗)

(ت) هیچ‌گاه صحیح نیست، زیرا $A \subseteq B = A$, پس A مجموعه‌ای متناهی است. (✗)

پس تنها یکی از موارد همواره صحیح است.

۴۲

در نمودار زیر، تعداد اعضاء را مشخص می‌کنیم:



$$n(A \cap B) = n(A) - n(A - B) = 5 - 3 = 2$$

چون تعداد اعضای اشتراک دو مجموعه A و B، ۲ است، پس B حداقل باید شامل ۲ عضو باشد.

۴۳

$$\begin{cases} a_1 + a_2 + a_3 + a_4 = 32 \\ a_5 + a_6 + a_7 + a_8 = 128 \end{cases}$$

$$\frac{a_n = a_1 + (n-1)d}{\rightarrow} \begin{cases} a_1 + a_1 + d + a_1 + 2d + a_1 + 3d = 32 \\ a_1 + 4d + a_1 + 5d + a_1 + 6d + a_1 + 7d = 128 \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} 4a_1 + 6d = 32 \\ 4a_1 + 22d = 128 \end{cases}$$

$$\frac{\text{دو رابطه را}}{\text{از هم کم می‌کنیم.}} \rightarrow 4a_1 + 22d - 4a_1 - 6d = 128 - 32$$

$$\Rightarrow 16d = 96 \Rightarrow d = \frac{96}{16} = 6 \quad \frac{4a_1 + 6d = 32}{4a_1 + 6(6) = 32}$$

$$\Rightarrow 4a_1 = 32 - 36 \Rightarrow a_1 = -\frac{4}{4} = -1$$

$$a_{10} = a_1 + 9d = -1 + 9(6) = -1 + 54 = 53 \quad \text{بنابراین داریم:}$$

۴۴

$$\begin{array}{ccccccccc} -1 & , & \bigcirc & , & \bigcirc & , & \bigcirc & , & \bigcirc & , & 128 \\ \downarrow & & & & & & & & & \downarrow & \\ a_1 & & & & & & & & & a_8 \end{array}$$

$$a_8 = a_1 r^7 \Rightarrow r^7 = \frac{128}{-1} = -128 = (-2)^7 \Rightarrow r = -2$$

$$\Rightarrow -64 = \text{کوچک‌ترین واسطه} \Rightarrow 2, -4, 8, -16, 32, -64 \Rightarrow \text{واسطه‌ها}$$

بسیاری از گونه‌های پرنده‌گان آبزی دوست دارند در تابستان در منطقه چاله‌های چمنزار کانادا لانه بسازند و خانواده‌ای بزرگ کنند. برای ما که در شهرهای کوچک و شهرهای بزرگ زندگی می‌کنیم، چاله چیزی است که ما را آزار می‌دهد. چاله سوراخی است در جاده که باید درست شود. چاله چمنزار چیز خوبی است. این یک حفره کوچک در زمین است که زمانی که یخچال‌های طبیعی عصر یخ‌بندان دوباره به سمت شمال حرکت کردند، باقی‌مانده است. این سوراخ‌های زیادی را می‌سازند که اندازه مناسبی شوند و حوضچه‌های کوچک زیادی را می‌سازند که اندازه مناسبی برای اردک‌ها و غازها برای تشکیل خانواده دارند. مهم است که ما به حفظ این چاله‌ها به عنوان زیستگاه حیات‌وحش، مکانی برای زندگی اردک‌ها و غازها، توجه کنیم.

۴۶ چرا پرنده‌گان کوچ می‌کنند؟

- ۱) برای اجتناب از سرما در زمستان
- ۲) برای نقل مکان به مکان مناسبی برای تشکیل خانواده
- ۳) برای یافتن غذای کافی در زمستان
- ۴) تمام موارد فوق

۴۷ پرنده‌گان غیرمهاجر

- ۱) در تمام طول سال در یک مکان می‌مانند
- ۲) در تابستان به کانادا می‌روند
- ۳) در بهار به آلاسکا می‌روند
- ۴) تمام موارد فوق

۴۸ کدام یک از پرنده‌گان زیر آبزی نامیده می‌شود؟

- ۱) جوجه‌ها
- ۲) دارکوبها
- ۳) اردک‌ها
- ۴) کبوترها

۴۹ تمام موارد زیر در مورد متن درست است؛ به جز

- ۱) یک چاله چمنزار توسط یخچال‌های طبیعی متحرک ایجاد شد
- ۲) هنگامی که چاله‌های چمنزار پر از آب می‌شوند، رودخانه ایجاد می‌کنند
- ۳) یکی از دلایلی که پرنده‌گان کوچ می‌کنند این است که می‌خواهند گرم بمانند
- ۴) در پاییز، پرنده‌گان از آمریکای شمالی به آمریکای جنوبی پرواز می‌کنند

۵۰ ضمیر "they" در سطر ۳ به بازمی‌گردد.

- ۱) نوزادان
- ۲) پرنده‌گان غیرمهاجر
- ۳) پرنده‌گان مهاجر
- ۴) غذا



$\sin \theta = \frac{1}{2}$ ۳ ۴۹

$$\begin{aligned} \sin^2 \theta + \cos^2 \theta &= 1 \Rightarrow \frac{1}{4} + \cos^2 \theta = 1 \\ \Rightarrow \cos^2 \theta &= 1 - \frac{1}{4} = \frac{3}{4} \\ \xrightarrow{\text{در ربع دوم}} \cos \theta &= -\sqrt{\frac{3}{4}} = -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \Rightarrow \tan \theta &= \frac{\sin \theta}{\cos \theta} = \frac{\frac{1}{2}}{-\frac{\sqrt{3}}{2}} = -\frac{1}{\sqrt{3}} = -\frac{\sqrt{3}}{3} \\ \sqrt{3} \cos \theta - 3 \tan \theta &= \sqrt{3} \left(-\frac{\sqrt{3}}{2}\right) - 3 \left(-\frac{\sqrt{3}}{3}\right) = -\frac{3}{2} + \sqrt{3} = \sqrt{3} - \frac{3}{2} \end{aligned}$$

۴ ۵۰

$$\begin{aligned} \frac{\sin^2 \theta \cos \theta}{1 - \tan \theta} &\stackrel{\times \cos \theta}{=} \frac{\sin^2 \theta \cos^2 \theta}{\cos \theta - \sin \theta} \\ \sin \theta + \cos \theta &= \frac{\sqrt{14}}{25} \xrightarrow{\text{توان ۲}} \sin^2 \theta + \cos^2 \theta + 2 \sin \theta \cos \theta = \frac{14}{25} \\ \Rightarrow 2 \sin \theta \cos \theta &= \frac{14}{25} - 1 = -\frac{11}{25} \Rightarrow \sin \theta \cos \theta = -\frac{11}{50} \quad (1) \\ &\text{به علاوه داریم:} \\ (\cos \theta - \sin \theta)^2 &= \cos^2 \theta + \sin^2 \theta - 2 \sin \theta \cos \theta \\ &= 1 - 2 \left(-\frac{11}{50}\right) = \frac{66}{50} = \frac{33}{25} \\ \xrightarrow{\text{در ربع دوم}} \frac{\cos \theta - \sin \theta}{-} &= -\sqrt{\frac{33}{25}} = -\frac{\sqrt{33}}{5} = -\frac{\sqrt{11}}{2} \quad (2) \\ \text{حاصل} &= \frac{3(\sin \theta \cos \theta)}{\cos \theta - \sin \theta} \stackrel{(2) \text{ و } (1)}{=} \frac{3(-\frac{11}{50})}{-\frac{\sqrt{11}}{2}} = \frac{3 \times \frac{11}{50} \times \frac{2}{\sqrt{11}}}{-\frac{11}{10}} \\ &= -\frac{\frac{11}{50} \times \frac{2}{\sqrt{11}} \times \frac{1}{\sqrt{11}} \times \frac{1}{10}}{\frac{11}{50} \times \frac{1}{10} \times \frac{1}{10}} = -\frac{11}{1000} = -\frac{1}{90} \end{aligned}$$

۱ ۵۱

$a < 1$ باشد، آنگاه $a^2 > a > \sqrt[3]{a}$ خواهد بود، پس حتماً
در نتیجه داریم:
بررسی گزینه‌ها:

- ۱) $0 < a < 1 \Rightarrow \frac{1}{a} > 1$
 - ۲) $\sqrt[3]{a} = |a| = a < 1$
 - ۳) $0 < a^2 < 1 \Rightarrow -1 < -a^2 < 0$
 - ۴) $0 < a < 1 \Rightarrow 1 > \sqrt[3]{a} > a > 0$
- $\frac{1}{a} > 1 > \sqrt[3]{a} > \frac{a}{\sqrt[3]{a}} > 0 > -a^2 \Rightarrow \frac{1}{a}$ از همه بزرگ‌تر است. بنابراین:

۳ ۴۵

جمعیت سال اول: (میلیون)

$$a_1 = ۹$$

$$a_2 = a_1 - \frac{۱}{۱۰} a_1 = \frac{۹}{۱۰} a_1 = ۰.۹ a_1$$

$$a_3 = a_2 - \frac{۱}{۱۰} a_2 = \frac{۹}{۱۰} a_2 = ۰.۹ \times ۰.۹ a_1 = (۰.۹)^2 a_1$$

پس از ۱ سال
پس از ۲ سال

و با ادامه این روند با یک دنباله هندسی با قدرنسبت $\frac{۹}{۱۰}$ یا ۰.۹ مواجهیم:

$$\begin{aligned} a_{n+1} &= a_1 \cdot \left(\frac{۹}{۱۰}\right)^n = ۹ \times ۱۰ \times \left(\frac{۹}{۱۰}\right)^n \\ \Rightarrow a_{n+1} &= \frac{۹^{n+1}}{10^{n-1}} = \frac{۳^{n+2}}{10^{n-1}} \end{aligned}$$

۲ ۴۶

$$\begin{aligned} \hat{A} &= 180^\circ - (70^\circ + 50^\circ) = 60^\circ \\ S_{\Delta ABC} &= \frac{1}{2} AB \times AC \times \sin 60^\circ \\ &= \frac{1}{2} \times 25 \times 28 \times \frac{\sqrt{3}}{2} = 25 \times 14 \times \sqrt{3} \\ \Rightarrow S_{\Delta ABC} &= 175\sqrt{3} \\ S_{\Delta ABC} &= \frac{1}{2} BH \times AC \Rightarrow 175\sqrt{3} = \frac{1}{2} \times BH \times 28 \\ \Rightarrow 14BH &= 175\sqrt{3} \Rightarrow BH = \frac{175\sqrt{3}}{14} = \frac{25\sqrt{3}}{2} = 12.5\sqrt{3} \end{aligned}$$

۲ ۴۷

شکل فرضی زیر رارسم می‌کنیم.

$$\begin{aligned} \text{OAH : } \tan 30^\circ &= \frac{AH}{OH} \Rightarrow \frac{\sqrt{3}}{3} = \frac{AH}{6} \\ \Rightarrow AH &= \frac{6\sqrt{3}}{3} = 2\sqrt{3} \\ \text{OBH : } \tan 45^\circ &= \frac{BH}{OH} \\ \Rightarrow 1 &= \frac{BH}{6} \Rightarrow BH = 6 \\ \Rightarrow AB &= BH - AH = 6 - 2\sqrt{3} = 6 - 2(1/\sqrt{3}) = 6 - 2/3 = 14/3 \end{aligned}$$

۱ ۴۸

$$\begin{aligned} \frac{\sin 18^\circ \cos 75^\circ - \sin 27^\circ \cos 33^\circ}{\cos 15^\circ \cot 9^\circ - \cos 36^\circ \tan 45^\circ} &= \frac{\overset{0^\circ \times \cos 75^\circ}{\sin 18^\circ \cos 75^\circ} - (-1) \left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right)^2}{\underset{\cos 15^\circ \times 0}{\cos 15^\circ \cot 9^\circ} - (1)(1)} \\ &= \frac{\frac{3}{4}}{-1} = -\frac{3}{4} = -0.75 \end{aligned}$$



روش دوم: مجموع جواب‌های معادله دوم برابر است با:

$$x_1 + x_2 = \frac{-b}{a} = \frac{-m}{-3} = \frac{m}{3} = \frac{6}{3} = 2$$

اگر عرض مستطیل را x در نظر بگیریم، طول آن برابربا $(2x+3)$ است و داریم:

$$\text{مساحت} = 9 \Rightarrow x(2x+3) = 9 \Rightarrow 2x^2 + 3x - 9 = 0$$

$$\Delta = (3)^2 - 4(2)(-9) = 9 + 72 = 81 \Rightarrow x = \frac{-3 \pm \sqrt{81}}{2(2)}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} x = \frac{-3-9}{4} = \frac{-12}{4} = -3 \\ x = \frac{-3+9}{4} = \frac{6}{4} = \frac{3}{2} = 1.5 \end{cases}$$

$$\text{عرض} = 1/5 = \text{طول و} = 2(1/5) + 3 = 3 + 3 = 6$$

$$\Rightarrow \text{محیط} = 2(\text{عرض} + \text{طول}) = 2(6 + 1/5) = 2 \times 7/5 = 14$$

ابتدا پارامترهای a , b و c را می‌بابیم:

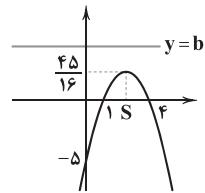
$$y = ax^2 + bx + c$$

$$\Rightarrow \begin{cases} (0, -5) : -5 = 0 + 0 + c \Rightarrow c = -5 \\ (1, 0) : 0 = a + b + c \Rightarrow a + b = 5 \Rightarrow a = 5 - b \\ (4, 0) : 0 = 16a + 4b - 5 \Rightarrow 16a + 4b = 5 \end{cases} \quad (1) \quad (2)$$

$$\xrightarrow{(1) \text{ و } (2)} 16(5-b) + 4b = 5 \Rightarrow 80 - 16b + 4b = 5$$

$$\Rightarrow 16b - 4b = 80 - 5 \Rightarrow 12b = 75 \Rightarrow b = \frac{75}{12} = \frac{25}{4} \Rightarrow a = -\frac{5}{4}$$

حال با رسم سهیمی داده شده داریم:



$$\begin{aligned} y &= -\frac{5}{4}x^2 + \frac{25}{4}x - 5 \\ x_S &= \frac{1+4}{2} = \frac{5}{2} \\ y_S &= -\frac{5}{4}\left(\frac{5}{2}\right)^2 + \frac{25}{4}\left(\frac{5}{2}\right) - 5 \\ &= \frac{-125}{16} + \frac{125}{8} - 5 = \frac{125}{16} - 5 = \frac{45}{16} \\ y_S &= \frac{45}{16} < b = \frac{25}{4} = \frac{100}{16}. \end{aligned}$$

بنابراین سهیمی، خط $y = b$ را قطع نمی‌کند.حذف گزینه (۱) \Rightarrow ضریب x^2 سهیمی رو به بالا

$$x_S = \frac{-b}{2a} = -2 \Rightarrow b = 4a \Rightarrow (3)$$

حال در گزینه‌های (۲) و (۴) داریم:

$$2) y = \frac{1}{2}x^2 + 2x + 3 \xrightarrow{x_S = -2} y_S = \frac{1}{2}(-2)^2 + 2(-2) + 3$$

رد گزینه (۲)

$$4) y = x^2 + 4x + 3 \xrightarrow{x_S = -2} y_S = (-2)^2 + 4(-2) + 3$$

$$= 4 - 8 + 3 = -1 < 0$$

چون $y_S < 0$ پس تنها گزینه (۴) صحیح است.

$$\sqrt[4]{4-2\sqrt{3}} = \sqrt[4]{(1-\sqrt{3})^2} = \sqrt{|1-\sqrt{3}|} = \sqrt{\sqrt{3}-1} \quad ۱ \quad ۵۲$$

$$\Rightarrow \frac{\sqrt{\sqrt{3}+1} \times \sqrt{\sqrt{3}-1}}{\sqrt[4]{\sqrt{3} \times 2\sqrt{2}}} = \frac{\sqrt{(\sqrt{3}+1)(\sqrt{3}-1)}}{\sqrt[4]{2^4 \times \sqrt{2}}} \quad ۱ \quad ۵۲$$

$$= \frac{\sqrt{3-1}}{\sqrt[4]{2^4 \times 2^2}} = \frac{\sqrt{2}}{\sqrt[4]{2^2}} = \frac{\sqrt{2}}{\frac{9 \times 1}{2^2 \times 15}} = \frac{\sqrt{2}}{\frac{3}{2^1 \times 2^1}} = \frac{\sqrt{2}}{2^1} = \frac{1}{2} \quad ۱ \quad ۵۲$$

$$= \frac{1}{2^2 \times 1^0} = \frac{5-3}{2^1 \times 1^0} = \frac{1}{2^0/2} = 2^0 = \sqrt[4]{2} \quad ۱ \quad ۵۲$$

$$4 \quad ۵۳$$

$$\frac{\sqrt[3]{9a}}{\sqrt[3]{3\sqrt{a^3}}} = \frac{(9a)^{\frac{1}{3}}}{\sqrt[3]{(a^{\frac{1}{3}})^3}} = \frac{\frac{2}{3} \times (a^{\frac{1}{3}})^{\frac{1}{3}}}{\sqrt[3]{3 \times (\frac{1}{9})^3}} = \frac{\frac{1}{3^5} \times (\frac{1}{9})^{\frac{1}{3}}}{\sqrt[3]{3 \times (3^{-2})^3}}$$

$$= \frac{\frac{1}{3^5} \times (3^{-2})^{\frac{1}{3}}}{(3^{1-6})^{\frac{1}{3}}} = \frac{\frac{1}{3^5} \times 3^{-\frac{4}{3}}}{3^{-\frac{5}{3}}} \quad ۱ \quad ۵۳$$

$$= \frac{\frac{1}{3^5} \cdot \frac{1}{3^4}}{\frac{1}{3^5}} = \frac{3^4}{3^5} = \frac{3^4}{3^5} = \frac{-9+25}{15} = \frac{16}{15} = \frac{1}{15} \quad ۱ \quad ۵۳$$

$$= 3 \times 3^{\frac{1}{5}} = 3^{\frac{4}{5}} \quad ۱ \quad ۵۳$$

$$2 \quad ۵۴$$

اتحاد جاق و لاغر

$$x^3 - 8xy^6 = x(x^3 - 8y^6) = x(\overbrace{x^3 - (2y^2)^3}^{\text{توان ۲}})$$

$$= x(x-2y^2)(x^2 + 4y^4 + 2xy^2) \quad ۱ \quad ۵۵$$

تنها گزینه (۲) وجود ندارد.

$$x^3 + y^3 = (x+y)(x^2 + y^2 - xy)$$

$$x - y = 3 \xrightarrow{\text{توان ۲}} x^2 + y^2 - 2xy = 9$$

$$\Rightarrow x^2 + y^2 - 2(2) = 9 \Rightarrow x^2 + y^2 = 9 + 4 = 13 \quad (*)$$

$$(x+y)^3 = x^3 + y^3 + 2xy = 13 + 2(2) = 17$$

$$\xrightarrow{\substack{\text{مثبت } y \text{ و } x \\ x+y>0}} x+y = \sqrt{17} \quad (**) \quad ۱ \quad ۵۵$$

$$\Rightarrow x^3 + y^3 = (x+y)(x^2 + y^2 - xy)$$

$$\xrightarrow{(*) \text{ و } (**)} x^3 + y^3 = \sqrt{17}(13-2) \Rightarrow x^3 + y^3 = 11\sqrt{17} \quad ۱ \quad ۵۵$$

$$2 \quad ۵۶$$

$$2x^2 + 3x = m \xrightarrow{x=-3} 2(9) + 3(-3) = m \Rightarrow m = 18 - 9 = 9$$

روش اول:

$$-3x^2 + mx = m - 3 \xrightarrow{m=9} -3x^2 + 9x = 6$$

$$\xrightarrow{\div(-3)} x^2 - 3x = -2 \Rightarrow x^2 - 3x + 2 = 0 \Rightarrow (x-2)(x-1) = 0$$

$$\Rightarrow \begin{cases} x = 1 \\ x = 2 \end{cases} \Rightarrow \text{مجموع جواب‌ها} = 3 \quad ۱ \quad ۵۶$$



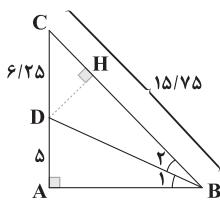
۲) کافی است یکی از اعداد اول را برابر با ۲ در نظر بگیریم.

۳) این ۳ عدد صحیح متولی را $x+1$ و x و $-x$ در نظر می‌گیریم:

بر ۳ بخش پذیر است $x-1+x+x+1=3x \Rightarrow x=1$ مجموع سه عدد

۴) ذوزنقه متساوی الساقین دو ضلع برابر و دو ضلع موازی دارد. *

۶۳) \hat{B} نیمساز BD است. پس:



$$DH = DA = 5$$

$$\triangle CDH : CD^2 = DH^2 + CH^2 \Rightarrow CH^2 = (6/25)^2 - 5^2$$

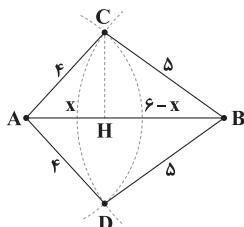
$$\Rightarrow CH^2 = (\frac{1}{4})^2 - 5^2 = (\frac{25}{4})^2 - 25 = \frac{625}{16} - 25$$

$$\Rightarrow CH^2 = \frac{625 - 400}{16} = \frac{225}{16} \Rightarrow CH = \frac{15}{4} = 3\frac{3}{4}$$

$$\Rightarrow CH = 3/75 \Rightarrow BH = 15/75 - 3/75 = 12$$

$$\left. \begin{array}{l} BD = BD \\ DH = AD \end{array} \right\} \xrightarrow{\text{و تر و یک ضلع}} \triangle BDH \cong \triangle ABD \Rightarrow AB = BH = 12$$

۶۴)



$$CH^2 = 4^2 - x^2 = 5^2 - (6-x)^2$$

$$\Rightarrow 16 - x^2 = 25 - (36 + x^2 - 12x)$$

$$\Rightarrow 16 - x^2 = 25 - 36 - x^2 + 12x$$

$$\Rightarrow 12x = 16 - 25 + 36 \Rightarrow 12x = 27$$

$$\Rightarrow x = \frac{27}{12} = \frac{9}{4} = 2\frac{1}{2}$$

بنابراین داریم:

$$CH^2 = 16 - x^2 = 16 - (\frac{9}{4})^2 = 16 - \frac{81}{16} = \frac{256 - 81}{16} = \frac{175}{16}$$

$$\Rightarrow CH = \frac{\sqrt{175}}{4} \Rightarrow S_{ACBD} = 2S_{ABC} = 2(\frac{1}{2} \times CH \times AB)$$

$$\Rightarrow S_{ACBD} = \frac{\sqrt{175}}{4} \times 6 = \frac{3\sqrt{175}}{2} = \frac{3 \times 5\sqrt{7}}{2} = 7.5\sqrt{7}$$

۶۵) همه گزینه‌ها به جز گزینه ۲)، یک قضیه دو شرطی است.

عکس گزینه ۲) برقرار نیست. یعنی اگر در یک چهارضلعی قطرها برابر باشند،

لزوماً چهارضلعی مستطیل نیست، می‌تواند ذوزنقه متساوی الساقین هم باشد.

۲) ۶۰

$$P = \frac{-x(1-x)}{x^2 + x - 6} = \frac{-x(1-x)}{(x+3)(x-2)} \xrightarrow{\text{ریشه‌ها}} \begin{cases} -x = 0 \Rightarrow x = 0 \\ 1-x = 0 \Rightarrow x = 1 \\ x+3 = 0 \Rightarrow x = -3 \\ x-2 = 0 \Rightarrow x = 2 \end{cases}$$

	-3	0	1	2
-x	+	+	-	-
1-x	+	+	0	-
x+3	-	+	+	+
x-2	-	-	-	+
P	+	-	+	-

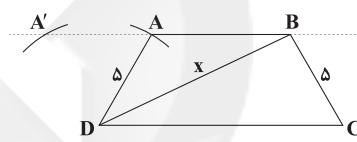
$$(\frac{3}{4}, \sqrt{3}) \subseteq (1, 2)$$

پس P در این بازه منفی است.

۶۱) با رسم مثلث BCD، کافی است از B خطی موازی CD رسم

کنیم، سپس از نقطه D کمانی به مرکز D و شعاع 5 رسم می‌کنیم. این کمان خط موازی را در دو نقطه A' و A قطع می‌کند که تنها با یکی از نقاط ذوزنقه ایجاد می‌شود (با نقطه دیگر متساوی‌الاضلاع به دست می‌آید). پس کافی

است $\triangle BCD$ را رسم کنیم:



$$CD = \frac{x+5}{2}$$

در $\triangle ABD$ ، منفرجه است، پس:

$$|x-5| < CD < x+5 \xrightarrow{x>5} x-5 < \frac{x+5}{2} < x+5$$

$$\Rightarrow x-5 < \frac{x+5}{2} \Rightarrow 2x-10 < x+5$$

$$\Rightarrow x < 15 < -\frac{x+5}{2} \Rightarrow 5 < x < 15 (*)$$

از طرفی چون طول قاعده بزرگ عددی صحیح است لذا:

$$\frac{x+5}{2} \in \mathbb{Z} \Rightarrow x+5 = 2k \Rightarrow x = 2k-5$$

$$(*) \xrightarrow{5 < 2k-5 < 15} 10 < 2k < 20$$

$$\xrightarrow{\div 2} 5 < k < 10 \Rightarrow k = 6, 7, 8, 9$$

به ازای هر مقدار k بالا، یک مقدار صحیح برای x و $\frac{x+5}{2}$ به دست می‌آید.

پس ۴ مثلث و ۴ ذوزنقه قابل رسم است.

۶۲) بررسی گزینه‌ها:

۱) کافی است $x = 0$ قرار دهیم، در این صورت $\frac{x}{x+1} = 0$ عددی صحیح

است. *



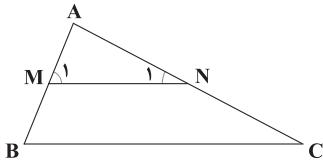
$$(۱) \begin{cases} \hat{N}_1 - \hat{M}_1 = \hat{B} - \hat{C} \\ \hat{N}_1 + \hat{M}_1 = \hat{B} + \hat{C} = 18^\circ - \hat{A} \end{cases} \xrightarrow{+} 2\hat{N}_1 = 2\hat{B} \Rightarrow \hat{N}_1 = \hat{B}$$

$$\hat{A} = \hat{A} \xrightarrow{\Delta} AMN \sim ABC$$

$$\Rightarrow \frac{x}{3x+3} = \frac{x+2}{3x-1} \Rightarrow \cancel{2x} - x = \cancel{2x} + 6x + 3x + 6$$

$$\Rightarrow 10x = -6 \Rightarrow x = -0.6 \quad (\text{غیر قابل قبول})$$

پس فقط $x = 1$ قابل قبول است.



۲ ۶۹

$$\text{محیط مثلث اول} = 5 + a - 1 + 3 = 7 + a$$

$$\text{محیط مثلث دوم} = 5$$

$$\text{نسبت ارتفاعها} = \frac{1}{3} \quad \text{نسبت تشابه}$$

$$\Rightarrow \text{نسبت محیطها} = \frac{1}{3}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} \frac{7+a}{5} = \frac{1}{3} \Rightarrow 7+a = \frac{5}{3} \Rightarrow a = \frac{5}{3} - 7 < 0 \\ \frac{5}{7+a} = \frac{1}{3} \Rightarrow 5 = 15 \Rightarrow a = 10 \end{cases} \quad (\text{غیر قابل قبول})$$

۱ ۷۰

$$\begin{cases} \hat{A} = \hat{A} \\ ABM = \hat{C} \end{cases} \xrightarrow{\text{زیر}} ABM \sim ABC$$

$$\Rightarrow \frac{AM}{AB} = \frac{BM}{BC} = \frac{AB}{AC} \quad (۲)$$

$$\xrightarrow{(۱)} AB^2 = AM \times AC = 3 \times 12 = 36 \Rightarrow AB = 6$$

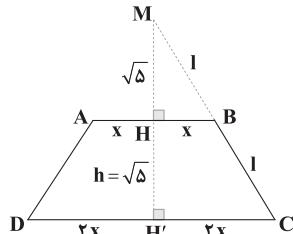
حال کافیست طول BC را بیابیم:

$$\text{محیط} ABC = AB + AC + BC = 27$$

$$\Rightarrow 6 + 12 + BC = 27 \Rightarrow BC = 27 - 18 = 9$$

$$\xrightarrow{(۲)} \frac{BM}{9} = \frac{6}{12} \Rightarrow BM = \frac{9 \times 6}{12} = 4.5$$

با رسم عمودمنصف قاعده‌ها نقطه تلاقی امتداد یک ساق و این عمودمنصف را M نامیم. داریم:



$$BH \parallel CH' \xrightarrow{\text{تالیس}} \frac{MH}{MH'} = \frac{MB}{MC} = \frac{BH}{CH'} = \frac{x}{2x} = \frac{1}{2}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} MH = \frac{1}{2} MH' \Rightarrow MH = HH' = \sqrt{5} \\ MB = \frac{1}{2} MC \Rightarrow MB = BC = 1 \end{cases}$$

$$\frac{\Delta}{MBH}: l^2 = x^2 + (\sqrt{5})^2 \Rightarrow l^2 - x^2 = 5 \quad (۱)$$

از طرف دیگر داریم:

$$\text{محیط ذوزنقه} = 2x + 4x + 2l = 18 \Rightarrow 6x + 2l = 18$$

$$\xrightarrow{+2} 3x + l = 9 \quad (۲)$$

$$\xrightarrow{(۲), (۱)} (9 - 3x)^2 - x^2 = 5 \Rightarrow 81 + 9x^2 - 54x - x^2 = 5$$

$$\Rightarrow 8x^2 - 54x + 81 - 5 = 0 \Rightarrow 8x^2 - 54x + 76 = 0$$

$$\xrightarrow{-8} 4x^2 - 27x + 38 = 0$$

$$\Delta = (27)^2 - 4(4)(38) = 729 - 480 = 121 \Rightarrow x = \frac{27 \pm 11}{8}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} x = \frac{27 + 11}{8} = \frac{19}{4} \\ x = \frac{27 - 11}{8} = \frac{16}{8} = 2 \end{cases}$$

$$\Rightarrow l = 9 - 3x = \begin{cases} 9 - 3(\frac{19}{4}) < 0 \\ 9 - 3(2) = 9 - 6 = 3 \end{cases} \quad (\text{غیر قابل قبول})$$

۴ ۶۷

$$\frac{1-a}{\Delta b - 1} = \frac{4a-3}{3-2b}$$

$$\xrightarrow{\text{طرفین وسطین}} -2b - 3a + \cancel{4ab} = \cancel{4ab} - 4a - \frac{3}{2}b + \cancel{4}$$

$$\Rightarrow 4a - 3a = 2b - \frac{3}{2}b \Rightarrow a = \frac{1}{2}b \Rightarrow \frac{a}{b} = \frac{1}{2}$$

دو حالت زیر را در نظر می‌گیریم:

$$(۱) \begin{cases} \hat{M} - \hat{N} = \hat{B} - \hat{C} \\ \hat{M}_1 + \hat{N}_1 = \hat{B} + \hat{C} = 18^\circ - \hat{A} \end{cases}$$

$$\xrightarrow{+} 2\hat{M}_1 = 2\hat{B} \Rightarrow \hat{M}_1 = \hat{B} \Rightarrow MN \parallel BC$$

$$\xrightarrow{\text{تالیس}} \frac{x}{2x-1} = \frac{x+2}{2x+1} \Rightarrow \cancel{2x} - x = \cancel{2x} + x + 4x - 2$$

$$\Rightarrow 4x - x - x = 2 \Rightarrow 2x = 2 \Rightarrow x = 1$$

۴ ۶۸



روش اول: دو استوانه هم جنس‌اند، پس چگالی آن‌ها ۳ ۷۷

یکسان است.

$$m_A = \rho V_A \Rightarrow m_A = \rho A_A h_A \xrightarrow{\frac{A_A = \pi R^2}{h_A = h}} m_A = \rho \times \pi R^2 \times h$$

$$m_B = \rho V_B \Rightarrow m_B = \rho A_B h_B$$

$$\xrightarrow{\frac{A_B = \pi (4R)^2 - \pi R^2 = \pi R^2}{h_B = \frac{4}{3}h}} m_B = \rho \times \pi R^2 \times \frac{4}{3}h$$

برای محاسبه نسبت فشار این استوانه‌ها به سطح افقی داریم:

$$\frac{P_A}{P_B} = \frac{\frac{m_A g}{A_A}}{\frac{m_B g}{A_B}} = \frac{m_A}{m_B} \times \frac{A_B}{A_A} = \frac{\pi \rho h R^2}{\frac{4}{3} \pi \rho h R^2} \times \frac{4}{3} = \frac{3}{4} \times 4 = \frac{3}{4}$$

روش دوم: برای فشار استوانه می‌نویسیم:

$$P = \rho gh \Rightarrow \frac{P_A}{P_B} = \frac{h_A}{h_B} = \frac{h}{\frac{4}{3}h} = \frac{3}{4}$$

با توجه به معادله پیوستگی جریان لایه‌ای شاره، آهنگ جریان ۴ ۷۸

شاره ثابت می‌ماند و می‌توان برای تندی آن نوشت:

$$A_1 v_1 = A_2 v_2 \xrightarrow{A_2 > A_1} v_2 < v_1 \Rightarrow \text{تندی شاره کاهش می‌یابد.}$$

طبق اصل برنولی با کاهش تندی شاره، فشار آن افزایش می‌یابد.

با استفاده از رابطه انرژی جنبشی داریم: ۳ ۷۹

$$K = \frac{1}{2} mv^2 \Rightarrow K_2 = \left(\frac{m_2}{m_1} \right) \times \left(\frac{v_2}{v_1} \right)^2$$

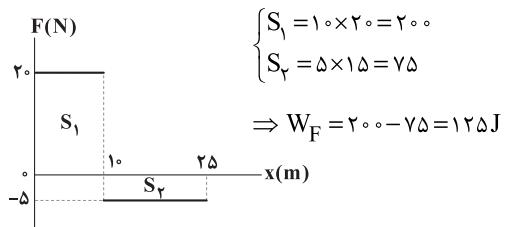
$$\xrightarrow{m_1 = m_2} \frac{K_2}{K_1} = \left(\frac{v_2}{v_1} \right)^2 \Rightarrow \frac{K_1 + \frac{1}{2} K_1}{K_1} = \left(\frac{v_1 + \lambda}{v_1} \right)^2$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2} = \left(\frac{v_1 + \lambda}{v_1} \right)^2 \Rightarrow \frac{1}{2} = \frac{v_1 + \lambda}{v_1} \Rightarrow \lambda v_1 = 3v_1 + 2\lambda$$

$$\Rightarrow v_1 = 2\lambda \frac{m}{s}$$

کار نیرو برابر با جمع جبری مساحت محصور بین نمودار ۲ ۸۰

نیرو - مکان و محور مکان است، بنابراین:





۸۱

با استفاده از قضیه کار و انرژی جنبشی داریم:

$$W_t = F_t d \cos^{\circ} \frac{F_t = ma}{\cos^{\circ} = 1, d = h} \rightarrow W_t = mah = 0/5 \times 2 \times 1 = 10 J$$

از طرف دیگر همان‌طور که ذکر کردیم کار کل برابر با مجموع کار نیروی وزن و

کار نیروی \vec{F} است، بنابراین:

$$W_t = W_{\text{وزن}} + W_F \Rightarrow 10 = -5 + W_F \Rightarrow W_F = 6 J$$

از آنجاکه سطح بدون اصطکاک است، انرژی مکانیکی جسم

پایسته و در تمام نقاط مسیر یکسان است. از طرفی حداقل تندی، زمانی است

که انرژی جنبشی بیشینه باشد و آن زمانی است که انرژی پتانسیل گرانشی کمینه باشد. پس زمانی که جسم کمترین ارتفاع را دارد، تندی آن بیشینه است.

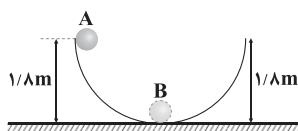
این نقطه را که تندی در آن بیشینه است، B می‌نامیم، بنابراین:

$$E_A = E_B \Rightarrow K_A + U_A = K_B + U_B$$

$$\frac{v_A = 0}{h_B = 0} \rightarrow U_A = K_B \Rightarrow mgh = \frac{1}{2} mv^2$$

$$\Rightarrow v^2 = 2gh \Rightarrow v^2 = 2 \times 10 \times 10/10$$

$$\Rightarrow v^2 = 20 \Rightarrow v = \sqrt{20} \text{ m/s}$$



سطح بدون اصطکاک است، پس انرژی مکانیکی جسم پایسته

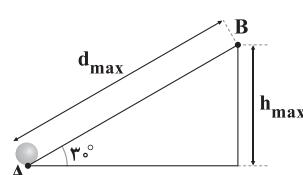
است. بیشترین مسافت طی شده زمانی است که تندی جسم صفر و ارتفاع آن

بیشینه می‌شود، بنابراین:

$$E_A = E_B \Rightarrow K_A + U_A = K_B + U_B$$

$$\frac{h_A = 0}{v_B = 0} \rightarrow \frac{1}{2} mv_A^2 = mgh_B$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2} \times 20 = 10h_B \Rightarrow h_B = \frac{1}{5} m$$



$$\sin 30^\circ = \frac{h}{d} \Rightarrow \frac{1}{2} = \frac{h}{d} \Rightarrow d = \frac{h}{\frac{1}{2}} = 2h = 0/4 m$$

از رابطه $\sin 30^\circ$ داریم:

$$W_t = \Delta K = K_2 - K_1 = \frac{1}{2} m(v_2^2 - v_1^2)$$

$$\Rightarrow W_t = \frac{1}{2} \times 0/0 \times (30^2 - 90^2) = -144 J$$

نیروی متوسط وارد از طرف درخت بر گلوله در خلاف جهت جابه‌جایی گلوله است، بنابراین:

$$W_t = \bar{F} d \cos 180^\circ = -\bar{F} d \Rightarrow W_t = -\bar{F} \times (0/3) = -144 \Rightarrow \bar{F} = 48.0 N$$

چون جسم در ابتدا در حال سکون بوده است، پس در جهت

نیروی خالص وارد بر آن حرکت خواهد کرد. دو نیرو هم‌راستا و هم‌جهت‌اند، پس

از قضیه کار و انرژی جنبشی داریم:

$$W_t = F_{\text{خالص}} d = \Delta K = \frac{1}{2} m(v_2^2 - v_1^2)$$

$$\Rightarrow F_{\text{خالص}} d = \frac{1}{2} mv_2^2 \quad \frac{F_{\text{خالص}} = 2F}{2F \times 10 = \frac{1}{2} \times 5 \times 4^2}$$

$$\Rightarrow 2F \times 10 = 40 \Rightarrow 2F = 4 \Rightarrow F = 2 N$$

با توجه به شکل مقابل داریم:

$$\Delta U = mg(h_2 - h_1)$$

$$\Rightarrow \Delta U = 0/5 \times 10 \times (6 - 10) = -20 J$$

همان‌طور که از رابطه $U = mgh$ مشخص است، بین h و U یک رابطه خطی برقرار است (به تشابه رابطه $U = mgh$ و $y = ax$ دقت کنید)،پس با افزایش h مقدار U افزایش می‌یابد و با کاهش h مقدار U کاهش می‌یابد.پس نمودار $U - h$ برای جسم در مسیر رفت و برگشت روی هم منطبق است،

پس گزینه (۲) درست می‌باشد.



نیروی وزن، یک نیروی پایستار است و کار آن به مسیر حرکت

بسیگی ندارد، در نتیجه در این سؤال از آنجاکه تغییر ارتفاع برابر صفر است،

پس تغییر انرژی پتانسیل گرانشی و در نتیجه کار نیروی وزن برابر صفر است.

$$W_{\text{وزن}} = -\Delta U = -mg(h_2 - h_1) \Rightarrow \Delta U = 0 \Rightarrow W_{\text{وزن}} = 0$$

نیرویی که کف دست به جعبه وارد می‌کند را \bar{F} می‌نامیم،

مجموع کار این نیرو و کار نیروی وزن برابر با کار کل انجام‌شده روی جسم است.

ابتدا کار نیروی وزن را محاسبه می‌کنیم:

$$W_{\text{وزن}} = -mgh = -0/5 \times 10 \times 10 = -50 J$$



شیمی

۱ ۹۱ مطابق داده‌های سؤال با توجه به عدد جرمی A، یون A^{2-}

فقط می‌تواند آرایش گاز نجیب Kr $_{\text{۶۴}}$ را داشته باشد. در نتیجه شمار الکترون‌های یون‌های X^{3+} و A^{2-} به ترتیب برابر با ۷۲ و ۳۶ الکترون است. از طرفی عدد اتمی A نیز برابر ۳۴ می‌باشد.

(عدد جرمی A) - (عدد جرمی X)

$$= [(X - (\text{نوترون‌های } A)) - (\text{پروتون‌های } A)]_x$$

$$+ [(X - (\text{پروتون‌های } A)) - (\text{نوترون‌های } A)]$$

$$\Rightarrow (186 - 79) = x + [(72 + 3) - (36 - 2)] \Rightarrow x = 66$$

عبارت‌های اول و چهارم درست هستند.

۲ ۹۲

بررسی عبارت‌های نادرست:

- سنگین‌ترین ایزوتوپ طبیعی لیتیم (Li^7) فراوان‌ترین ایزوتوپ این عنصر است.
- الکترون با نماد $_{\text{۱}}^{\text{۱}}\text{e}$ نشان داده می‌شود.

۲ ۹۳

$$\bar{M} = M_1 + \frac{F_2}{100} (M_2 - M_1)$$

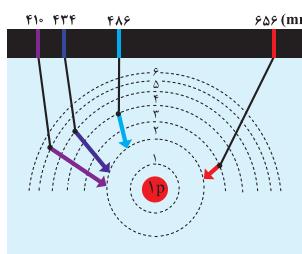
$$\frac{F_2}{100} = \frac{F_2}{100} (2/0141 - 1/0078)$$

$$\Rightarrow 0/0002 = \frac{F_2}{100} (1/0063) \Rightarrow 0/02 = 1/0063 F_2$$

$$\Rightarrow F_2 \approx 0/0198 \approx 0/02$$

۳ ۹۴ شکل زیر چگونگی ایجاد چهار نوار رنگی ناحیه مرئی طیف

نشری خطی اتم‌های هیدروژن را نشان می‌دهد:



۴ ۹۵ عبارت‌های سوم و چهارم درست هستند.

عنصرهای X، Y و Z به ترتیب همان $Zn_{\text{۳۰}}$ ، $S_{\text{۱۶}}$ و $Sc_{\text{۲۱}}$ هستند.

بررسی عبارت‌های نادرست:

- عنصر روی فقط یک یون تکاتمی با فرمول Zn^{2+} و عنصر اسکاندیم نیز

تنها یک یون تکاتمی با فرمول Sc^{3+} تشکیل می‌دهد.

- نخستین عنصر جدول دوره‌ای که زیر لایه d آن به طور کامل از الکترون پُر شده، $Cu_{\text{۲۹}}$ است.

۴ ۸۹ با استفاده از پایستگی انرژی مکانیکی داریم:

نقاطه اوج، جایی است که گلوله بیشترین ارتفاع را از سطح زمین دارد و در آن نقطه تنید گلوله به صورت لحظه‌ای صفر می‌شود.

(۱)

(۲)

$$E_1 = E_2$$

$$\Rightarrow K_1 + U_1 = K_2 + U_2$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2}mv_1^2 = mgh_2 \Rightarrow h_2 = \frac{v_1^2}{2g} \quad (I)$$

با افزایش 30° درصدی تنید اولیه داریم:

$$h_2' = \frac{v_1'^2}{2g} \quad (II)$$

با استفاده از رابطه (I) داریم:

بنابراین با توجه به روابط (I) و (II) داریم:

$$\frac{h_2'}{h_2} = \frac{\frac{v_1'^2}{2g}}{\frac{v_1^2}{2g}} = \frac{v_1'^2}{v_1^2} = \frac{v_1'^2}{(1/3v_1)^2} \rightarrow \frac{h_2'}{h_2} = \left(\frac{1/3v_1}{v_1}\right)^2$$

$$\Rightarrow \frac{h_2'}{h_2} = 1/69$$

۲ ۹۰ سطح افقی را مبدأ پتانسیل گرانشی در نظر می‌گیریم. چون

نیمکره بدون اصطکاک است، اصل پایستگی انرژی مکانیکی بین دو نقطه A و B برقرار است.

وقتی می‌گوییم کمینه تنید در نقطه A، یعنی تنید گلوله در نقطه A به مقداری است که وقتی گلوله به نقطه B رسد، تنید آن صفر می‌شود،

بنابراین:

$$E_A = E_B \Rightarrow K_A + U_A = K_B + U_B$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2}mv_A^2 + mgh_A = mgh_B$$

$$\Rightarrow (\frac{1}{2} \times v_A^2) + (1 \times 0/5) = 10 \times (4 - 1/7) \Rightarrow \frac{1}{2}v_A^2 + 5 = 23$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2}v_A^2 = 18 \Rightarrow v_A^2 = 36 \Rightarrow v_A = 6 \frac{m}{s}$$



۴) از هلیم، افرون بر بر کردن بالنهای هواشناسی، تفریحی و تبلیغاتی، در جوشکاری، کپسول غواصی و مهمتر از همه برای خنک کردن قطعات الکترونیکی در دستگاههای تصویربرداری مانند MRI استفاده می‌شود.

۲ ۱۰۲

- استفاده از پیشوندهای یونانی برای ترکیب‌های مولکولی: N_2O_3 دی‌نیتروژن تری‌اکسید؛

(البته ترکیب N با O می‌تواند شکل‌های مختلفی داشته باشد)

فسفر تری‌کلرید: PCl_3

نیتروژن تری‌فلوئورید: NF_3

سیلیسیم تترابرمید: SiBr_4

- استفاده از اعداد رومی برای فلزهایی که بیش از یک کاتیون تک‌اتمی تشکیل می‌دهند:

آهن (III) کلرید یا آهن (II) کلرید: FeCl_3 یا FeCl_2

مس (I) سولفید یا مس (II) سولفید: Cu_2S یا CuS

کروم (III) اکسید یا کروم (II) اکسید: Cr_2O_3 یا CrO_2

۱ ۱۰۳ گاز Ar در مقایسه با He، نقطه جوش بالاتر، درصد فراوانی

کم‌تر در سیارة مشتری و درصد فراوانی بیشتری در هوای پاک و خشک لایه تروپوسфер دارد.

۴ ۱۰۴ آهک (کلسیم اکسید) یک اکسید فلزی است که خاصیت بازی دارد و برای افزایش میزان pH آب دریاچه‌های اسیدی استفاده می‌شود.

۲ ۱۰۵ عبارت‌های دوم و چهارم درست هستند.

بررسی عبارت‌های نادرست:

۰ ۱۰۶ ۰ گازی بی‌بو است.

- مولکول‌های CO پس از اتصال به هموگلوبین از رسیدن اکسیژن به بافت‌های بدن جلوگیری می‌کنند.

۲ ۱۰۶ ساختار لوویس هر دو مولکول و شمار جفت الکترون‌های ناپیوندی آن‌ها در زیر آمده است:



۲ ۱۰۷ مطابق داده‌های سؤال عنصر X متعلق به گروه چهاردهم

جدول دوره‌ای بوده و عدد اتمی آن برابر با ۳۲ است. عنصر A می‌تواند یکی از

عنصرهای ۲۸ Ni، ۲۵ Br، ۳۳ As، ۲۱ Ga، ۲۶ Fe، ۳۱ Ga، ۲۵ Mn، ۲۴ Cr، ۲۷ Co،

۲۱ Sc و ۲۷ Sc باشد.

بنابراین تفاوت عدد اتمی X و A برابر با یکی از اعداد ۳، ۱، ۱، ۴، ۸، ۷، ۶، ۱، ۳ و ۱۱ خواهد بود.

۴ ۹۶ مطابق داده‌های سؤال عنصرهای A، X و D به ترتیب

همان Cl_{17} ، Si_{14} و Na_{11} هستند.

- ترکیب حاصل از Cl و Si یک ترکیب مولکولی (SiCl_4) است.

- ترکیب حاصل از Cl و Na، یک ترکیب یونی (NaCl) است.

۱ ۹۷ ۰ با توجه به جرم مولی اتم Cl و جرم مولی ترکیب داده شده

که برخلاف جرم مولی سایر اتم‌ها، عدد صحیح نیستند، واضح است که شمار اتم‌های کلر باید یک عدد فرد باشد.

- از طرفی از روی نسبت جرمی C به H می‌توان نسبت شمار اتم‌های C به H را به دست آورد:

$$\frac{\text{جرم مولی C}}{\text{جرم مولی H}} = \frac{\text{شمار اتم‌های C}}{\text{شمار اتم‌های H}}$$

$$\Rightarrow \frac{12}{H} = \frac{\text{شمار اتم‌های C}}{\text{شمار اتم‌های H}} \Rightarrow \frac{12}{1} = \frac{\text{شمار اتم‌های C}}{\text{شمار اتم‌های H}}$$

اگر شمار اتم‌های H، Cl و O را به ترتیب با x، y و z نشان دهیم، می‌توان نوشت:

$$189/5 = 0/x + 1/y + 16/z$$

$$\Rightarrow 189/5 = 10/6x + 35/5y + 16z$$

با توجه به این‌که x، y و z، اعداد صحیح بوده و y یک عدد فرد است، این

تساوی فقط به ازای $x=1$ ، $y=3$ و $z=3$ برقرار است.

۳ ۹۸ $n+1=5$ شامل سه زیرلایه ۵s، ۴p و ۳d است:



$$\frac{37+33+25+24}{4} = 29/75 = \text{میانگین اعداد اتمی}$$

۴ ۹۹ مطابق داده‌های سؤال عدد اتمی M برابر با ۵۰ بوده و آرایش

الکترونی اتم آن به $5s^2 5p^3$ ختم می‌شود. به این ترتیب آرایش الکترونی

يون M^{2+} به $5s^2$ ختم می‌شود.

$$5s^2 : 1, n = 2(5+0) = 10 \text{ مجموع}$$

۳ ۱۰۰ به جز عبارت سوم، سایر عبارت‌ها درست هستند.

برای ترکیب‌های یونی مانند سدیم کلرید و کلسیم اکسید، به کار بدن «فرمول مولکولی» درست نیست.

۲ ۱۰۱ بررسی سایر گزینه‌ها:

۱) در لایه‌های بالایی هواکره، علاوه بر اتم‌ها، مولکول‌ها و کاتیون‌های تک‌اتمی، شماری کاتیون چند اتمی مانند N_3^+ و O_2^+ نیز وجود دارد.

۲) در فرایند تهیه هوای مایع، نخست هوا را از صافی عور می‌دهند تا گرد و غبار آن گرفته شود، سپس با استفاده از فشار، دمای هوا را پیوسته کاهش می‌دهند تا H_2O ، به صورت بین و CO_2 نیز به حالت جامد جدا می‌شود.



۲ ۱۰۸ ترکیب‌های A، X، E، D و G به ترتیب SO_3 ، SO_2 ، G ، E ، X ، A هستند.

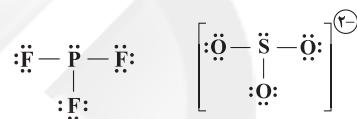
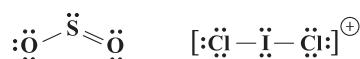
H_2SO_4 ، HNO_3 ، NO_x ،

مطابق داده‌های سؤال می‌توان نوشت:

$$\frac{\text{شمار اتم‌های a گرم } \text{HNO}_3}{\text{شمار اتم‌های b گرم } \text{SO}_3} = 2 \Rightarrow \frac{a \text{ g } \text{HNO}_3 \times \frac{1 \text{ mol}}{63 \text{ g}} \times 5N_A}{b \text{ g } \text{SO}_3 \times \frac{1 \text{ mol}}{60 \text{ g}} \times 4N_A} = 2$$

$$\Rightarrow \frac{a}{b} \times \frac{60}{63} \times \frac{5}{4} = 2 \Rightarrow \frac{a}{b} = 2 \times \frac{4}{5} \times \frac{63}{60} = \frac{63}{50} = 1.26$$

۳ ۱۰۹ ساختار لوویس تمامی گونه‌ها در زیر رسم شده است:



۴ ۱۱۰ گوگرد با شعله آبی رنگ می‌سوزد و طی آن گوگرد

دی‌اکسید (SO_2) تولید می‌شود.

سایت کنکور

Konkur.in