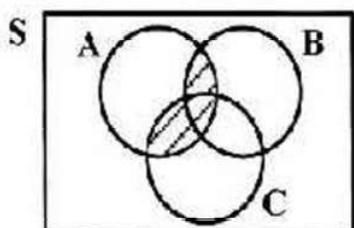


-۱ سه پیشامد A، B و C مطابق شکل زیر، در فضای نمودهای S مفروض‌اند. کدام مورد برای قسمت هاشور خورده نادرست است؟



- A \cap (B \cup C) (۱)
 (A \cap B) \cup (A \cap C) (۲)
 (A - (A - B)) \cup (A - (A - C)) (۳)
 (A - (A \cap B)) \cap (A \cap C) (۴) ✓

$$\text{برای زیر} \Rightarrow A - (A - B) = A - (A \cap B') = A \cap (A \cap B')' = A \cap (A' \cup B) = \underbrace{(A \cap A')}_{\neq} \cup (A \cap B) = A \cap B$$

$$A - (A - C) = A - (A \cap C') = A \cap (A \cap C')' = A \cap (A' \cup C) = \underbrace{(A \cap A')}_{\neq} \cup (A \cap C) = A \cap C$$

$$\text{برای زیر} \Rightarrow A - (A \cap B) = A \cap (A \cap B)' = A \cap (A' \cup B') = \underbrace{(A \cap A')}_{\neq} \cup (A \cap B') = A \cap B'$$

$$(A \cap B') \cap (A \cap C) = A \cap (B' \cap C) = A \cap (C - B) \quad \times$$

-۲ می‌خواهیم دور تادور باعچه‌ای به شکل مستطیل که طول آن، دو برابر عرض آن است را حصار بکشیم، به‌طوری‌که

بازدیدکنندگان به یک متری باعچه نزدیک نشوند. اگر مساحت زمین محصور شده، $\frac{1}{18}\pi$ برابر بیشتر از مساحت باعچه باشد، طول باعچه چند متر است؟

۳ (۴)

۴ (۳)

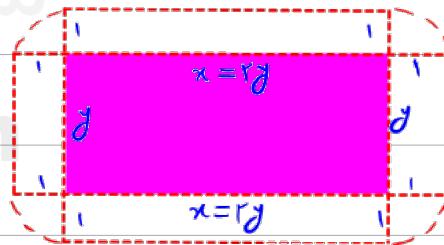
۶ (۲) ✓

۸ (۱)

$$S_1 = (xj) + r(j \times 1) + 2(x \times 1) + 2 \times \frac{\pi}{4} \times 1 \quad \text{حیث رین محصور شده}$$

$$S_1 = 2j^2 + 2j + 4j + \pi = 2j^2 + 6j + \pi$$

$$S_r = jx = rj^2 \quad \text{حیث باعچه}$$



$$S_1 = S_r + (1 + \frac{\pi}{18})S_r \Rightarrow 2j^2 + 6j + \pi = rj^2 + (1 + \frac{\pi}{18})(rj^2)$$

$$\frac{2j^2 + \pi}{rj^2} = \frac{1 + \frac{\pi}{18}}{1} \Rightarrow j = r \Rightarrow x = rj = r$$

-۳ اگر α و β ریشه‌های معادله $x^2 + 7x - 3 = 0$ باشد، حاصل $|\alpha + 2\beta| + |\alpha| - |\beta|$ کدام است؟

$\alpha > 0$ و $\beta < 0$

$\alpha + 2\beta > 0$ و $|\alpha| > |\beta|$

$|\alpha + 2\beta| + |\alpha| - |\beta| = \alpha + 2\beta + \alpha - \beta = 2\alpha + \beta$

$\alpha < 0$ و $\beta < 0$

$|\alpha + 2\beta| + |\alpha| - |\beta| = -\alpha - 2\beta + \alpha + \beta = -\beta$

$$\alpha + \beta = -\frac{b}{a} = -7 \xrightarrow{|\beta| > |\alpha|} |\alpha + 2\beta| + |\alpha| - |\beta| = -\alpha - 2\beta + \alpha + \beta = -\beta$$

$$\alpha\beta = -r \xrightarrow{\alpha > 0} \beta < 0.$$

-۴ برای برخی مقادیر x زوج مرتب $(f(x) + f(-x)), 3x^2 - 17x + 10$ روی نیمساز فاصله دوم و چهارم قرار دارد
اگر تابع f همانی با دامنه \mathbb{R} باشد، اختلاف مقادیر x کدام است؟

$$\frac{12}{3} \quad (4)$$

$$\frac{12}{3} \quad (3) \checkmark$$

$$\frac{10}{3} \quad (2)$$

$$\frac{7}{3} \quad (1)$$

$$\text{نیمساز فاصله دوم و چهارم} \quad \mathcal{D} = -x \quad \text{و} \quad f(x) = x$$

$$(f(x) + f(-x)), 3x^2 - 17x + 10 = (x^2 - x, 3x^2 - 17x + 10) \xrightarrow{\mathcal{D} = -x} 3x^2 - 17x + 10 = 0$$

$$\frac{(4x-10)(3x-1)}{3} = (x-2)(3x-1) = 0 \rightarrow \begin{cases} x=2 \\ x=\frac{1}{3} \end{cases} \rightarrow x_1 - x_2 = 2 - \frac{1}{3} = \frac{5}{3}$$

-۵ رابطه $\{(a, x+y), (b, m^r), (a, m^r - 1), (b, x-y), (a, r)\}$ کدام است؟

$42 \quad (4)$ $24 \quad (3)$ $20/5 \quad (2)$ $2/5 \quad (1) \checkmark$

$$\begin{cases} m^r - 1 = x + y = \varepsilon \\ m^r = x - y \end{cases} \quad x - y - 1 = x + y \rightarrow 2y = -1 \rightarrow y = -\frac{1}{2}$$

$$x + y = \varepsilon \rightarrow x = \varepsilon - y = \varepsilon - \frac{1}{2} = \frac{\varepsilon - 1}{2} \rightarrow x^r + y^r = \frac{\varepsilon^r}{2} + \frac{1}{2} = \frac{\varepsilon^r + 1}{2}$$

$$x^r + y^r = \frac{\varepsilon^r + 1}{2} \quad \boxed{}$$

- ۸ ضرایب معادله $2kx^2 - 4x - 4k - 5 = 0$ صحیح هستند. اگر به ازای مقدار k حاصل ضرب ریشه‌های این معادله دارای بیشترین مقدار باشد، مقدار Δ کدام است؟

۲۸ (۴)

۷ (۳)

۵ (۲)

۴ (۱) ✓

برای این سه ضریب معادله، اعداد صحیح بینهایت، k غیرゼر نباشد.

$$-4k - \Delta \in \mathbb{Z} \Rightarrow -4k \in \mathbb{Z}, \quad 1 \leq k \in \mathbb{Z}$$

$$\alpha\beta = \frac{-4k - \Delta}{4k} = -1 - \frac{\Delta}{4k} \quad \text{و} \quad k = -1 \rightarrow \alpha\beta = -1 - \frac{\Delta}{-1} = 3$$

$$\Delta = b^2 - 4ac = (-4)^2 - 4(-1)(-4) = 16 - 16 = 0$$

- ۹ تابع $f(x) = |2x - 2|$ و $g(x) = [x]$ با دامنه $-1 \leq x \leq 1$ است. اگر مجموعه A بُرد تابع f, g باشد، کدام عدد عضو A است؟

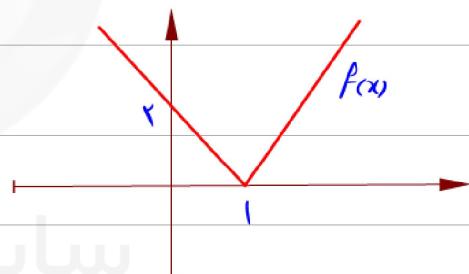
-۳ (۴) ✓

-۲ (۳)

۳ (۲)

۲ (۱)

$$g(x) = \begin{cases} -1 & -1 \leq x < 0 \\ 0 & 0 \leq x < 1 \\ 1 & x = 1 \end{cases}$$



$$f \times g = \begin{cases} (x-2)(-1) = 2x-2 & -1 \leq x < 0 \\ (0)(2-x) = 0 & 0 \leq x < 1 \\ (1)(0) = 0 & x = 1 \end{cases} \quad A = [-4, -2] \cup \{0\}$$

- ۱۰ شیب خط $y = ax + b$ برابر شیب خط $y = cx + d$ است. اگر دو خط در $x = -2$ روی محور x ها یکدیگر

را قطع کنند، محور تقارن $f(x) = (\frac{c}{r}x + d)^2 - (ax + b)^2$ کدام است؟

$$x = -\frac{c}{r}$$

$$x = -\frac{r}{c}$$

$$x = -3$$

$$x = -2$$

$$a = -1, c = 1$$

$$x = -2 \rightarrow y = 0 \rightarrow y = -2a + b = -2c + d$$

 $-1, dc$

$$x = -2 \rightarrow \begin{cases} -ra + b = 0 \rightarrow b = ra = r(-1, dc) = -rc \\ -rc + d = 0 \rightarrow d = rc \end{cases} \quad \text{و}$$

$$\Rightarrow rc + b = -rc + d \Rightarrow dc + b = d \quad (1)$$

$$f(x) = (\frac{c}{r}x + d)^2 - (ax + b)^2$$

$$f(x) = (c_1 x^3 + 2c_2 x^2 + 3c_3 x) - (9c_1 x^3 + 9c_2 x^2 + 9c_3 x) = -8c_1 x^3 - 7c_2 x^2 - 6c_3 x$$

$$\text{حریم } x = -\frac{b}{3a} = -\frac{7c^2}{-8c^3} = -\frac{7}{8}$$

- ۹ - برای رسم نمودار تابع $|2x+1|$ به کمک نمودار $|x|=y$, کدام مورد برای کامل کردن جمله زیر، مناسب است؟

«بیندا نمودار تابع قدر مطلق دا $\frac{1}{2}$ واحد به سمت جایه جا گرد و سپس قرینه آن را نسبت به محور رسم می کیم.»

۴) پایین - باعا

۳) بلا - لاما

۲) راست - Xها

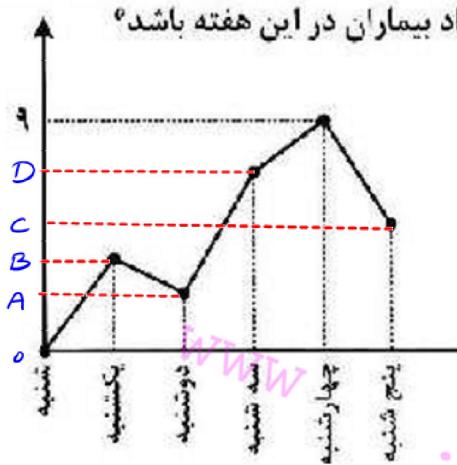
۱) چپ - Xها



$$f(x) = |2(x+1)| \rightarrow$$

آبرابر را واصب است چه جایی شود.

- ۱۰ - به یک مرکز درمانی، هر روز تعدادی بیمار عراججه می کنند. نمودار زیر، تعداد مراجعه کنندگان در روزهای کاری یک هفته به این مرکز درمانی را نشان می دهد. کدام عدد می تواند میانه تعداد بیماران در این هفته باشد؟



۱) ۲

۲) ۳ ✓

۳) ۶

۴) ۷

داده که میانه زیر است

۰, A, B, C, D, ۹

$$\text{میانه} = \frac{B+C}{2} < \frac{9}{2}$$

- ۱۱ با کدام شرط، استدلال گزاره زیر، درست است؟

در یک مستطیل با اضلاع a و b ، اگر اندازه a برابر شود، اندازه قطر $\frac{16}{9}a$ برابر عی شود.»

$$b = \frac{4}{3}a \quad (2) \checkmark$$

$$b = a \quad (1)$$

(۳) برای هر مستطیلی، این گزاره درست است.

$$b = \frac{16}{9}a \quad (3)$$

$$\text{نمط مستطیل} \quad d = \sqrt{a^2 + b^2}$$

$$\frac{d}{\sqrt{a^2 + b^2}} = \sqrt{\left(\frac{16}{9}a\right)^2 + b^2} \Rightarrow \frac{d}{\sqrt{a^2 + b^2}} = \frac{\sqrt{\left(\frac{16}{9}a\right)^2 + b^2}}{\sqrt{a^2 + b^2}}$$

$$\Rightarrow \frac{16}{9} = \frac{\left(\frac{16}{9}a\right)^2 + b^2}{a^2 + b^2} \Rightarrow \frac{16}{9}a^2 + \frac{16}{9}b^2 = \left(\frac{16}{9}a\right)^2 + b^2 \Rightarrow \frac{16}{9}b^2 = \frac{16}{9}a^2 \left(\frac{16}{9} - 1\right)$$

$$\frac{16}{9}b^2 = \frac{16}{9} \times \frac{1}{9}a^2 \Rightarrow b^2 = \frac{1}{9}a^2 \rightarrow b = \frac{1}{3}a \quad \checkmark$$

- ۱۲ گدام مورد در خصوص ارش گزاره $p \wedge \sim q \Rightarrow q$ ، درست است؟

(۱) همواره نادرست است.

(۲) هم روز $q \Rightarrow p$ است. \checkmark

(۳) همواره $\sim q \Rightarrow p$ است.

(۴) همواره درست است.

سایت کنکور

- ۱۳ قیمت برنج و گوشت در سال پایه به ترتیب ۴۲ و $132/5$ هزار تومان و در سال موردنظر به ترتیب ۱۲۰ و ۲۴۰ هزار تومان است. اگر شاخص بهای برنج و گوشت در سال موردنظر ۲۴۰ و مقادیر مصرفی برنج و گوشت به ترتیب a و 16 کیلوگرم باشد. مقدار a چند کیلوگرم است؟

$$75 \quad (4) \checkmark$$

$$64 \quad (3)$$

$$50 \quad (2)$$

$$48 \quad (1)$$

$$X_{t+1} = \frac{120 \times a + 240 \times 16}{42 \times a + 132/5 \times 16} \times 100 \quad \Rightarrow \quad X_{t+1} = \frac{120a + 3840}{22a + 220} \Rightarrow$$

$$100,12a + 3840 = 120a + 3840 \Rightarrow 19,2a = 1440 \Rightarrow a = 72 \quad \checkmark$$

- ۱۴- تابع هزینه برای تولید تعداد x کالا از یک محصول، به صورت خطی است. به ازای هزینه‌های ۸۵۰ و ۱۰۰۰ ۱۰۰۰ تومنی به ترتیب ۲۰ و ۲۵ کالا تولید می‌شود. اگر شرکت هر کالا را ۵۵ تومن بفروشد، این شرکت، حداقل چه تعداد از این کالا را باید بفروشد تا سوددهی آغاز شود؟

۱۲) ۴

۱۱) ۳ ✓

۱۰) ۲

۹) ۱

$$\text{تابع هزینه} \quad C(x) = ax + b \rightarrow C(20) = 850 \quad a = \frac{1000 - 850}{25 - 20} = \frac{150}{5} = 30.$$

$$C(20) = 1000 \quad C(x) = 30x + b$$

$$C(x) = 30x + b \rightarrow C(20) = 850 \rightarrow 850 = (30 \times 20) + b \rightarrow b = 200$$

$$C(x) = 30x + 200 \rightarrow 55x = 30x + 200 \rightarrow 25x = 200$$

$$\Rightarrow x = 10 \quad \text{تصویر}$$

- ۱۵- محصول تولیدی یک شرکت، در بطری بسته‌بندی می‌شود. بنا بر آنچه روی بطری‌ها درج شده، تقریباً حجم ۹۶% بطری‌های بسته‌بندی شده، بین ۲۲۰ و ۲۳۰ میلی‌لیتر است. واریانس حجم بطری‌ها کدام است؟

۲۵) ۴

۱۶) ۳

۶/۲۵) ۲ ✓

۲,۰۶) ۱

$$\begin{aligned} \bar{x} - 2\sigma &= 220 \\ \bar{x} + 2\sigma &= 230 \end{aligned} \quad \Rightarrow 2\bar{x} = 450 \rightarrow \bar{x} = 225 \rightarrow \sigma = 10 \rightarrow \sigma^2 = 100 \quad \text{درینه}$$

- ۱۶- نظر به همراه علی و حسن قرار است در یک هتل، هر کدام در یک اتاق، اقامت کنند. هتل سه اتاق خالی کنار هم در یک طرف راهرو و دو اتاق دیگر در کنار هم، در طرف دیگر راهرو دارد. به چند طریق، این افراد در اتاق‌ها می‌توانند اقامت کنند، به‌طوری‌که علی و حسن در اتاق‌های کنار هم ساکن شوند؟

۷۲) ۴

۳۶) ۳ ✓

۲۴) ۲

۸) ۱

۱۶) حسن در اتاق‌های کنار هم است روش ۱: مجموع در اتاق‌های کنار هم است صیغه

$$\begin{aligned} &\left. \begin{array}{c} 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \end{array} \right\} = \text{عداد ملخصات} \quad 2 \times 2 \times (3!) \times 2 + (2) \times 2 \times 3! = 24 + 12 = 36 \\ &\text{دو اتاق می‌حسن} \quad \text{جادیت می‌حسن} \quad \text{انتساب آتاق} \\ &\text{مت‌صیغه از} \quad C, B, A \quad \text{برای اتاق‌های کنار هم است} \end{aligned}$$

- ۱۷ - در یک مسابقه دومیدانی، ۷ نفر شرکت کرده‌اند که ۳ دانش‌آموز از مدرسه A و ۴ دانش‌آموز از مدرسه B به خط پایان رسیده‌اند. با کدام احتمال، مقام اول و آخر، از مدرسه A است؟

$$\frac{3}{14}$$

$$\frac{5}{9}$$

$$\frac{1}{2}$$

$$\frac{2}{4}$$

A



A

$$n(A) = \binom{7}{2} \times 2 \times 2!$$

$$n(S) = 7!$$

$$P(A) = \frac{\binom{7}{2} \times 2 \times 2!}{7!} = \frac{2 \times 2 \times 2!}{7! \times 5 \times 4 \times 3} = \frac{1}{7}$$

- ۱۸ - مقدار $a_1 = k$ و $k \in \mathbb{N}$ از رابطه بازگشتی $a_{n+1} = \frac{1}{r}(a_n + \frac{a_1}{a_n})$ تقریبی از \sqrt{k} است. اگر $a_r = \frac{17}{12}$ باشد، مقدار k کدام است؟

۷ (۴)

۵ (۳)

۳ (۲)

۲ (۱)

$$a_r = \frac{17}{12} \xrightarrow{n=1} a_r = \frac{1}{r}(a_1 + \frac{a_1}{a_r}) \Rightarrow \frac{17}{12} = \frac{1}{r}(a_1 + \frac{k}{a_r}) \quad ①$$

$$\xrightarrow{n=1} a_r = \frac{1}{r}(a_1 + \frac{a_1}{a_1}) = \frac{1}{r}(k+1) \quad ②$$

$$①, ② \Rightarrow \frac{17}{12} = \frac{1}{r}(\frac{1}{r}(k+1)) + \frac{1}{r}(\frac{k}{\frac{1}{r}(k+1)}) = \frac{1}{r}k + \frac{1}{r} + \frac{k}{k+1} \Rightarrow k=2$$

- ۱۹ - اگر ریشه دوم جملات دوم، نهم و شانزدهم از یک دنباله حسابی، سه جمله متوالی از یک دنباله هندسی را تشکیل دهند، نسبت مشترک دنباله هندسی کدام است؟

-۲ (۴)

-۱ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

$$\sqrt{a_r}, \sqrt{a_9}, \sqrt{a_{16}} \quad (\sqrt{a_9})^r = (\sqrt{a_r})(\sqrt{a_{16}}) \Rightarrow a_9 = \sqrt{a_r a_{16}}$$

$$a_1 + 1d = \sqrt{(a_1 + d)(a_1 + 10d)}$$

$$\xrightarrow{rG_r}$$

$$a_1 + 1g a_1 d + 9cd^r = a_1 + 1g a_1 d + 1ad^r$$

$$\Rightarrow 9cd^r = 1ad^r \Rightarrow d = 0 \Rightarrow \text{نیافریده}$$

$$r = \frac{\sqrt{a_9}}{\sqrt{a_r}} = \sqrt{\frac{a_1 + 1d}{a_1 + d}} \xrightarrow{d=0} r = 1$$

$$\Rightarrow r = 1$$

-۲۰ - تابع $f(x) = a - 3^{ax+b}$ را در نظر بگیرید. اگر $f\left(\frac{1}{2}\right) = \frac{1}{2} f\left(\frac{1}{3}\right)$ باشد، مقدار جزو صحیح $\left(-\frac{1}{3}\right)$ کدام است؟

(۴) صفر

-۱ (۳) ✓

۲ (۲)

۱ (۱)

$$f(0) = a - r^h = r \Rightarrow r^h = r^1 \Rightarrow h = 1 \quad \frac{1}{r} f\left(\frac{1}{r}\right) = r \Rightarrow f\left(\frac{1}{r}\right) = r$$

$$f\left(\frac{1}{r}\right) = a - r^{\frac{a}{r}+1} = r \Rightarrow r^{\frac{a}{r}+1} = 1 = r^0 \Rightarrow \frac{a}{r} + 1 = 0 \Rightarrow a = -r$$

$$f\left(-\frac{1}{r}\right) = a - r^{\frac{a}{r}} = a - r = a - \sqrt{r^r} = a - r\sqrt{r} \xrightarrow{r=1} a - r\sqrt{r} \approx -r$$

$$\lceil f\left(-\frac{1}{r}\right) \rceil = \lceil -r \rceil = -1$$

سایت کنکور

Konkur.in