

علوم
ریاضی
و فنی

دفترچه اختصاصی

دوازدهم ریاضی

نام: 

نام خانوادگی:

شماره داوطلبی:

محل امضاء:

دفترچه شماره ۱
صبح جمعه
۱۴۰۱/۱۰/۲۳



آزمون جامع (۲۳ دی ۱۴۰۱)

آزمون اختصاصی
گروه آزمایشی علوم ریاضی و فنی

تعداد سؤال: ۵۰ دقیقه
مدت پاسخگویی:

عنوان مواد امتحانی آزمون اختصاصی گروه آزمایشی علوم ریاضی و فنی، تعداد، شماره سوالات و مدت پاسخگویی

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سؤال	از شماره	تا شماره	مدت پاسخگویی
۱	ریاضیات	۵۰	۱	۵۰	۸۰ دقیقه

تعداد سوال‌ها و زمان پاسخ‌گویی به سوال‌ها مطابق بخش‌نامه سازمان سنجش برای کنکور ۱۴۰۱ است.



نقد و تقویم سوال

آزمون ۲۳ دی ماه ۱۴۰۱

دفترچه اول اختصاصی دوازدهم ریاضی (ریاضیات)

ب Ged آورندگان

نام درس	نام طراحان	اقتضای
حسابان ۲ و ریاضی پایه	عادل حسینی-افشین خاصه خان-علی شهرابی-حمدی علیزاده-مهدی ملار رمضانی-جهانبخش نیکنام	
هنسه و آمار و ریاضیات گسسته	امیرحسین ابو محیوب-علی ایمانی-محسن بهرام پور-علیرضا بیگلری-رضا توکلی-سید محمد رضا حسینی فرد افشین خاصه خان-سوگند روشنی-علی صادقی-محمد صحت کار-احمدرضا فلاح-مهرداد ملوندی-مجید نیکنام	

کریشکران و ویراستاران

نام درس	حسابان ۲ و ریاضی پایه	هنسه و آمار و احتمال	ریاضیات گسسته
گزینشگر	عادل حسینی	امیرحسین ابو محیوب سوگند روشنی	سوگند روشنی
گروه ویراستاری	علی سرآبادانی	عادل حسینی	عادل حسینی
مسئول درس	ویراستار استاد: مهرداد ملوندی	ویراستار استاد: مهدی ملار رمضانی	امیرحسین ابو محیوب
مسئول مستندسازی	سمیه اسکندری	سرژ یقیازاریان تبریزی	سرژ یقیازاریان تبریزی

گروه فنی و تولید

محمد اکبری	مدیر گروه
نرگس غنیزاده	مسئول دفترچه
مدیر گروه: محیا اصغری مسئول دفترچه: الهه شهبازی	گروه مستندسازی
میلاد سیاوشی	حروف نگار
سوران نعیمی	ناظر چاپ

گروه آزمون

بنیاد علمی آموزشی قلمچی (وقف عام)

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فاسطین - پلاک ۹۳۳ - کانون فرهنگی آموزش - تلفن: ۰۲۱-۶۴۶۳

ریاضیات

زمان پاسخگویی ریاضیات:
۸۰ دقیقه

زمان نقصانی ریاضیات:
۶۰ دقیقه

- جملات اول و سوم دنباله هندسی $x, x+2, x+4, \dots$ ، جملات اول و دوم یک دنباله حسابی نیز هستند. جمله پنجم دنباله حسابی، چند برابر جمله دوم دنباله هندسی است؟

$$\frac{61}{4} \quad (4)$$

$$17 \quad (3)$$

$$15 \quad (2)$$

$$\frac{32}{3} \quad (1)$$

- خارج قسمت تقسیم چندجمله‌ای $x^5 - x^3 + 3x^2 - 2x^4$ بر $x+1$ چندجمله‌ای $(x)q$ است. باقی‌مانده تقسیم $(x)q$ بر عبارت $x-1$ کدام است؟

$$2 \quad (4)$$

$$\frac{3}{2} \quad (3)$$

$$-1 \quad (2)$$

$$(1) \text{ صفر}$$

- اگر α و β جواب‌های معادله $x^3 + 3x = 1$ باشند، حاصل $(\alpha^3 + \alpha)(\beta^3 + \alpha)$ کدام است؟

$$-\frac{3}{2} \quad (4)$$

$$-\frac{1}{2} \quad (3)$$

$$\frac{1}{2} \quad (2)$$

$$\frac{3}{2} \quad (1)$$

- $x=3$ یک جواب معادله $x^3 - x + \frac{4}{x^3 - x - 2} + m = 0$ است. کوچکترین جواب این معادله کدام است؟

$$3 \quad (4)$$

$$-2 \quad (3)$$

$$\frac{1-\sqrt{13}}{2} \quad (2)$$

$$1-\sqrt{13} \quad (1)$$

- به ازای $x \in (a, b)$ نابرابری $b-a < x - x\sqrt{x}$ برقرار است. حداقل حاصل $x \in (a, b)$ کدام است؟

$$1 \quad (4)$$

$$\frac{4}{3} \quad (3)$$

$$\frac{1}{3} \quad (2)$$

$$\frac{2}{3} \quad (1)$$

- اگر $(fog)(x) = \frac{x+1}{x-1}$ باشد، ضابطه تابع f کدام است؟

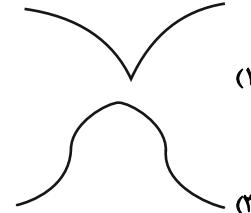
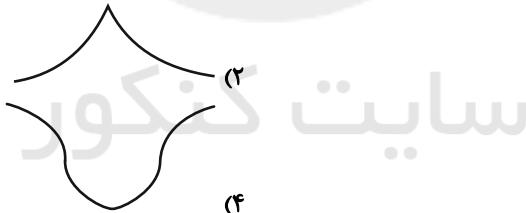
$$\frac{1}{2x+1} \quad (4)$$

$$\frac{1}{2x-1} \quad (3)$$

$$\frac{x}{2x+1} \quad (2)$$

$$\frac{x}{2x-1} \quad (1)$$

- نمودار تابع $y = x^3$ را یک واحد به پائین منتقل می‌کنیم تا نمودار تابع f حاصل شود. نمودار تابع f کدام است؟



- اگر $g(x) = \begin{cases} \frac{1+x}{1-x} ; x < 0 \\ 1+x^3 ; x \geq 0 \end{cases}$ باشد، دامنه تابع g^{-1} بازه $[a, b]$ است. حاصل $b-a$ کدام است؟

$$3 \quad (4)$$

$$1 \quad (3)$$

$$4 \quad (2)$$

$$2 \quad (1)$$

- اگر $x=a$ جواب معادله $\log_{\sqrt[3]{4}}(x-1) = \log_4 x - \frac{1}{2}$ باشد، حاصل $\log_{a+2}(5a-2)$ کدام است؟

$$\frac{2}{3} \quad (4)$$

$$2 \quad (3)$$

$$\frac{3}{2} \quad (2)$$

$$\frac{1}{2} \quad (1)$$

۱۰- ساده شده عبارت $\sin 40^\circ (\tan 20^\circ + \tan 110^\circ)$ کدام است؟

(۴) $\sin 50^\circ$

(۳) $-\sin 50^\circ$

(۲) $2\sin 50^\circ$

(۱) $-2\sin 50^\circ$

۱۱- نمودار تابع $y = \sin(2x + k)$ روی بازه $[-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{4}]$ اکیداً صعودی است. بیشترین مقدار k کدام است؟

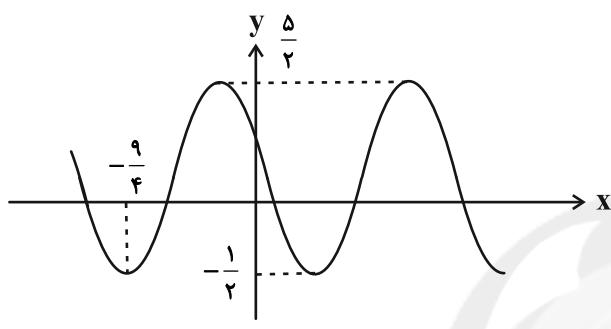
(۴) $\frac{3}{2}$

(۳) ۱

(۲) $\frac{1}{2}$

(۱) صفر

۱۲- بخشی از نمودار تابع $f(x) = a - b \sin c\pi x$ در شکل زیر رسم شده است. کدام است؟



(۱) $\frac{1}{4}$

(۲) $1 - \frac{3\sqrt{3}}{4}$

(۳) $\frac{7}{4}$

(۴) $1 + \frac{3\sqrt{3}}{4}$

۱۳- مجموع جواب‌های معادله $\sin x = \frac{1}{2}(2 - \cot^2 x)$ در بازه $(0, 2\pi)$ کدام است؟

(۴) 4π

(۳) 3π

(۲) $\frac{7\pi}{2}$

(۱) $\frac{5\pi}{2}$

۱۴- حاصل $\lim_{x \rightarrow 3^+} \frac{x - [x]}{\sqrt{x + 2[x]} - 3}$ کدام است؟ ([، نماد جزو صحیح است.)

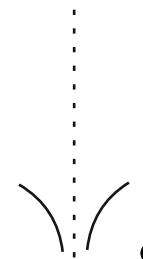
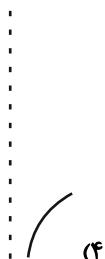
(۴) $\frac{1}{6}$

(۳) $-\frac{1}{6}$

(۲) -6

(۱) ۶

۱۵- نمودار تابع $f(x) = \frac{1+2x+3x^2}{1-2x-3x^2}$ در همسایگی مجانب قائم آن کدام است؟



(۱)

محل انجام محاسبات

۱۶- تابع $f(x) = \begin{cases} a & ; x=1 \\ \frac{\sin \pi x}{\pi(1-x)} & ; x \neq 1 \end{cases}$ در نقطه $x=1$ کدام است؟ []، نماد جزء صحیح است.

۱) پیوسته
۲) فقط از راست پیوسته
۳) فقط از چپ پیوسته
۴) نه از چپ پیوسته و نه از راست پیوسته

۱۷- اگر $\lim_{x \rightarrow +} \frac{f(h)-f(-2h)}{h}$ باشد، حاصل $f(x) = \begin{cases} \sin x - 2x & ; x < 0 \\ x^3 + 2x & ; x \geq 0 \end{cases}$ کدام است؟

۴)

۳)

۱)

(۱) صفر

۱۸- تابع $f(x) = \begin{cases} ax^3 + 2[-x] & ; x < 1 \\ bx^3 + x[x] & ; x \geq 1 \end{cases}$ در $x=1$ مشتق پذیر است. حاصل $\frac{b}{a}$ کدام است؟ []، نماد جزء صحیح است.

 $\frac{11}{3}$ $\frac{5}{3}$ $\frac{14}{9}$ $\frac{8}{5}$

۱۹- اگر $+1$ و $f(x) = x^3 - 3x^2 +$ باشد، آهنگ لحظه‌ای تغییر تابع $f \circ g$ در $x=1$ کدام است؟

-۸)

-۴)

۴)

(۱)

۲۰- دو عدد حقیقی مثبت هستند به طوری که $a^2 + b^2 = 10$ است. بیشترین مقدار عبارت ab^2 کدام است؟

۱۲۸)

 $64\sqrt{2}$)

۶۴)

 $32\sqrt{2}$)

۲۱- خطوط مجانب نمودار تابع هموگرافیک $f(x) = ax - \frac{x^2 - 1}{x+2}$ محورهای مختصات را در نقاط A و B قطع می‌کنند. مساحت مثلث کدام است؟ O مبدأ مختصات است.)

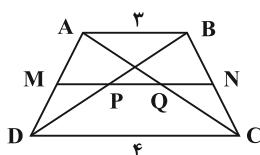
۲)

 $2\sqrt{2}$) $\frac{1}{2}$) $\sqrt{2}$)

۲۲- خط $y = 0$ بر نمودار تابع $f(x) = x^4 + ax^3 + bx + c$ در نقطه عطف آن، با طول $-1 = x$ ، مماس است. مینیمم نسبی تابع f کدام است؟

 $-\frac{9}{8}$) $-\frac{27}{16}$) $-\frac{27}{8}$) $-\frac{9}{16}$)

محل انجام محاسبات



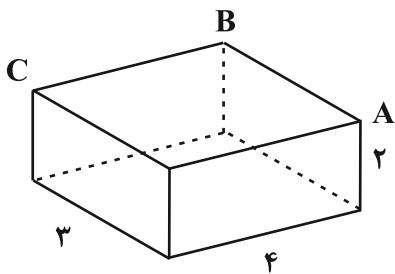
-۲۳- در شکل زیر $MN \parallel AB \parallel CD$ است. اگر $MP = PQ = QN$ باشد، طول پاره خط MN کدام است؟

- ۳/۵ (۱)
- ۳/۶ (۲)
- ۳/۸ (۳)
- ۳/۹ (۴)

-۲۴- مساحت مثلثی با اندازه ارتفاع‌های ۶، ۴ و ۴ کدام است؟

- ۱۲ (۴)
- ۸ (۳)
- $9\sqrt{2}$ (۲)
- $6\sqrt{3}$ (۱)

-۲۵- صفحه P_1 در برخورد با مکعب مستطیل شکل زیر از نقاط A و B می‌گذرد و بزرگ‌ترین سطح مقطع ممکن را پیدا آورده است و صفحه P_2 نیز شامل نقاط A و C است و به طور قائم این مکعب مستطیل را قطع می‌کند. نسبت مساحت دو سطح مقطع پیدا آمده (سطح مقطع کوچک‌تر به بزرگ‌تر) کدام است؟



- $\frac{\sqrt{5}}{3}$ (۱)
- $\frac{3}{5}$ (۲)
- $\frac{\sqrt{3}}{4}$ (۳)
- $\frac{3}{4}$ (۴)

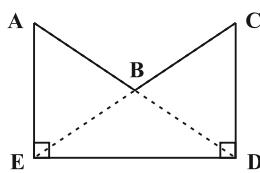
-۲۶- در مثلث متساوی‌الساقینی به طول قاعده ۶ و طول ساق ۵، نسبت شعاع دایره محاطی خارجی نظیر قاعده به شعاع دایره محاطی خارجی نظیر ساق کدام است؟

- $\frac{1}{2}$ (۴)
- $\frac{3}{2}$ (۳)
- $\frac{4}{3}$ (۲)
- $\frac{6}{5}$ (۱)

-۲۷- دو دایره $(O, 3)$ و $(O', 4)$ با طول خط‌المرکزین $d = 5$ مفروض‌اند. از بازتاب دایره C نسبت به وتر مشترک دو دایره، دایره C' حاصل شده است. طول مماس مشترک خارجی دو دایره C' و C'' کدام است؟

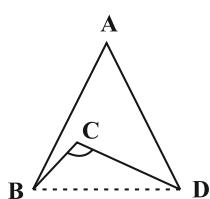
- $\frac{2\sqrt{6}}{5}$ (۴)
- $\frac{2\sqrt{3}}{5}$ (۳)
- $\frac{4}{5}$ (۲)
- $\frac{2}{5}$ (۱)

-۲۸- در شکل زیر $AE = CD$ و $\hat{D} = \hat{E} = 90^\circ$ است. اگر بخواهیم مساحت چندضلعی ABCDE را بدون تغییر در محیط آن، افزایش دهیم، نسبت مساحت اولیه به مساحت ثانویه چندضلعی کدام است؟



- ۰/۵ (۱)
- ۰/۶ (۲)
- ۰/۷ (۳)
- ۰/۸ (۴)

-۲۹- در شکل زیر $AB = 5$ و $B\hat{C}D = 120^\circ$ است. مساحت مثلث ABD کدام است؟



- $4\sqrt{2}$ (۱)
- $4\sqrt{6}$ (۲)
- $6\sqrt{2}$ (۳)
- $3\sqrt{3}$ (۴)

محل انجام محاسبات

۳۰- اگر $A = \begin{bmatrix} 1 & -1 \\ 2 & 1 \\ 3 & -2 \end{bmatrix}$ کدام است؟

$C = \begin{bmatrix} 1 & 2 & -1 \\ 3 & 2 & 1 \\ -1 & -2 & -1 \end{bmatrix}$ باشد، مجموع درایه‌های سطر سوم ماتریس ABC کدام است؟

۱۰) ۴ ۸) ۳ ۶) ۲ ۲) ۱

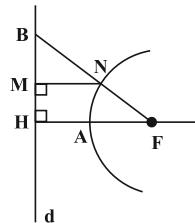
۳۱- اگر $4A = \begin{bmatrix} |A| & -4 \\ 16 & |A| \end{bmatrix}$ باشد، حاصل $|2A^{-1}|$ کدام است؟

-۱) ۴ ۱) ۳ -۱/۲) ۲ ۱/۲) ۱

۳۲- دایره‌ای که در ناحیه اول بر هر دو محور مختصات مماس است، روی خط $y=2$ وتری به طول ۱۲ جدا می‌کند. این دایره بر کدام یک از خطوط زیر مماس است؟

$x=24$) ۴ $x=20$) ۳ $x=18$) ۲ $x=16$) ۱

۳۳- در سهمی شکل زیر F کانون و d خط هادی سهمی است. اگر $BN=4$ باشد، طول پاره خط MN کدام است؟



۲۷۳-۲) ۱

۲۷۲-۱) ۲

۲) ۳

۳/۲) ۴

۳۴- بردارهای \vec{a} و \vec{b} مفروض‌اند. اگر $|\vec{a} \times \vec{b}| = 4\sqrt{2}$ و $|\vec{a}| = 2$ ، $|\vec{a} \cdot \vec{b}| = -2$ ، $|\vec{a}| = 2$ اندازه بردار $\vec{a} + \vec{b}$ کدام است؟

$\sqrt{17}$) ۴ ۴) ۳ $2\sqrt{3}$) ۲ ۳) ۱

۳۵- بردارهای $(1,-m,2)$ و $\vec{b} = (3,2,2)$ ، $\vec{a} = (2,m,-2)$ در یک صفحه قرار دارند. زاویه بین دو قطر متوازی‌الاضلاعی که بر بردارهای $(-m,3,4)$ و $\vec{d} = (-m,3,4)$ بنا می‌شود، کدام است؟

۹۰°) ۴ ۶۰°) ۳ ۴۵°) ۲ ۳۰°) ۱

۳۶- اگر p و q دو گزاره دلخواه باشند. گزاره $(p \Rightarrow q) \vee (q \vee \neg p)$ \Rightarrow همارز با کدام گزاره است؟

$\neg p$) ۴ p) ۳ F) ۲ T) ۱

۳۷- تاسی را به هوا پرتاب و به تعداد عدد ظاهرشده سکه پرتاب می‌کنیم. اگر بدانیم سکه ۳ بار رو آمده است. چقدر احتمال دارد تاس عدد ۴ آمده باشد؟

۲/۵) ۴ ۱/۴) ۳ ۳/۸) ۲ ۵/۱۶) ۱

۳۸- در جعبه A، ۴ مهره سفید و ۲ مهره سیاه، در جعبه B، ۳ مهره سیاه و ۳ مهره سفید و در جعبه C، ۲ مهره سفید و ۴ مهره سیاه موجود است. دو جعبه به تصادف انتخاب می‌کنیم و از هر جعبه یک مهره خارج می‌کنیم. احتمال آنکه ۲ مهره سفید خارج شود، کدام است؟

۳۱/۴۵) ۴ ۳۱/۵۴) ۳ ۱۳/۵۴) ۲ ۱۳/۴۵) ۱

۳۹- فراوانی نسبی داده‌ای $2/10$ است. اگر فراوانی این داده ۸ برابر شود و فراوانی سایر داده‌ها ثابت بماند. فراوانی نسبی جدید این داده کدام است؟

۱/۳) ۴ ۲/۳) ۳ ۱/۴) ۲ ۱/۲) ۱

۴۰- از جامعه‌ای با واریانس ۹، نمونه $\{1, 2, 3, \dots, 40\}$ انتخاب شده‌اند. میانگین جامعه با اطمینان ۹۵٪ در کدام بازه قرار می‌گیرد؟

$$[199/6, 201/4] \quad [200/1, 200/9] \quad [200/2, 200/8] \quad [198/8, 200/1]$$

۴۱- اگر A, B و C سه مجموعهٔ دلخواه و $A - B = A - C$ باشد، کدام رابطهٔ لزوماً درست است؟

$$A \subseteq (B \cup C) \quad A \cap (B \cup C) = \emptyset \quad (B \cap C) \subseteq A \quad (A \cap B) \subseteq C$$

۴۲- در تقسیم عدد طبیعی a بر ۴۱، باقی‌مانده از مریع خارج قسمت، به اندازه ۱۲۳ واحد کمتر است. مجموع ارقام عدد a کدام است؟

$$15 \quad 14 \quad 11 \quad 9$$

۴۳- اگر $a^{140} = a^{24}$ باشد. باقی‌مانده تقسیم a^{140} بر ۴۴ کدام است؟

$$40 \quad 36 \quad 24 \quad 12$$

۴۴- می‌دانیم m بزرگ‌ترین عدد دو رقمی است که به ازای آن معادله $mx + 36y = 24$ در مجموعهٔ اعداد صحیح فاقد جواب بوده و

عدد $\overline{10a9a}$ بر m بخشپذیر است. مقدار a کدام است؟

$$4 \quad 3 \quad 2 \quad 1$$

۴۵- گراف غیرتهی G از مرتبه ۷، منظم و ناهمبند است. گراف G چند دور دارد؟

$$4 \text{ صفر} \quad 3 \quad 2 \quad 1$$

۴۶- گراف رو برو شامل چند ۷-مجموعه است؟

$$2$$

$$4$$

$$6$$

$$8$$

۴۷- می‌خواهیم با استفاده از ۳ عدد طبیعی متمایز یک رقمی و حروف A, B و a . یک کد شش حرفی بسازیم به طوری که هیچ دو عددی کنار هم نباشند. به چند روش مختلف می‌توان این کار را انجام داد؟

$$5084 \quad 6084 \quad 5048 \quad 6048$$

۴۸- در یک کارگاه بافنده‌گی سه کارگر به اسمی a, b و c می‌خواهند در روزهای شنبه، یکشنبه و دوشنبه روی سه دستگاه بافنده‌گی A, B و C کار کنند به طوریکه هر کارگر در روزهای مختلف روی دستگاه‌های مختلف کار کند. برای این کار به چند حالت می‌توان برنامه‌ریزی کرد اگر بدانیم کارگر a در روز شنبه روی دستگاه C کار می‌کند؟

$$6 \quad 4 \quad 3 \quad 2$$

۴۹- می‌خواهیم ۵ خودکار با رنگ‌های متفاوت را بین علی، رضا، صادق و بابک توزیع کنیم که به هریک حداقل یک خودکار برسد. به چند طریق می‌توان این کار را انجام داد به طوریکه خودکار آبی، سه‌هم علی و خودکار قرمز برای رضا باشد؟

$$27 \quad 20 \quad 18 \quad 14$$

۵۰- نمرات یک آزمون از ۰ تا ۲۰ و به صورت مضربی از $25/0$ محاسبه می‌شود. حداقل چند نفر در این آزمون شرکت داشته باشند تا دست کم ۳ نفر از آن‌ها نمرهٔ یکسانی کسب کنند؟

$$244 \quad 241 \quad 163 \quad 161$$

علوم
ریاضی
و فنی

دفترچه اختصاصی

دوازدهم ریاضی

نام: 

نام خانوادگی:

شماره داوطلبی:

محل امضاء:

دفترچه شماره ۲
صبح جمعه
۱۴۰۱/۱۰/۲۳



آزمون جامع (۱۴۰۱/۱۰/۲۳)

آزمون اختصاصی
گروه آزمایشی علوم ریاضی و فنی

تعداد سؤال: ۸۰ دقیقه

عنوان مواد امتحانی آزمون اختصاصی گروه آزمایشی علوم ریاضی و فنی، تعداد، شماره سوالات و مدت پاسخگویی

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سؤال	از شماره	مدت پاسخگویی	ردیف
۱	فیزیک	۴۰	۵۱	۵۰ دقیقه	۹۰
۲	شیمی	۳۰	۹۱	۳۰ دقیقه	۱۲۰

تعداد سوالات و زمان پاسخگویی به سوالات مطابق بخشش برای کنکور ۱۴۰۱ است.



نقد و بررسی سقوط آزمون ۲۳ دی ماه ۱۴۰۱

دفترچه دوم اختصاصی دوازدهم ریاضی (فیزیک و شیمی)

پذیدآورندگان

نام طراحان	نام درس	
خسرو ارغوانی فرد-بابک اسلامی-عبدالرضا امینی نسب-مهدی آذرتب-زهره آقامحمدی-امیرمهدی جعفری-سیدابوالفضل خالقی مجتبی خلیل ارجمندی-بهنام رستمی-سعید شرق-پویا علاقه‌مند-عبدالله فقهزاده-مسعود قره خانی-محسن قندچر-علیرضا گونه-امیرحسین مجوزی-حسین مخدومی-محمد محمود منصوری-سیدعلی میرنوری-مصطفی واثقی-شادمان ویسی	فیزیک	آنچه انتقامی
محمد رضا پور جاوید-احمدرضا جعفری نژاد-امیر حاتمیان-یاسر راش-روزبه رضوانی-امیرحسین طبی-امیرحسین مسلمی	شیمی	

گزینشگران و ویراستاران

شیمی	فیزیک	نام درس
ایمان حسین نژاد	بابک اسلامی	گزینشگر
یاسر راش امیرحسین عزیزی	حمید زرین کفش زهره آقامحمدی	گروه ویراستاری
ویراستار استاد: محمد حسن محمدزاده مقدم	ویراستار استاد: سیدعلی میرنوری	
امیرحسین مسلمی	بابک اسلامی	مسئول درس
سمیه اسکندری	احسان صادقی	مستندسازی

گروه فنی و تولید

محمد اکبری	مدیر گروه
نرگس غنیزاده	مسئول دفترچه
مسئول دفترچه: محیا اصغری	گروه مستندسازی
میلاد سیاوشی	حروفنگار
سوران نعیمی	ناظر چاپ

گروه آزمون

بنیاد علمی آموزشی قلمچی (وقف عام)

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ - کانون فرهنگی آموزش - تلفن: ۰۲۱-۶۴۶۳

مجموع زمان پاسخگویی
فیزیک و شیمی: ۸۰ دقیقه

مجموع زمان نقصانی
فیزیک و شیمی: ۶۰ دقیقه

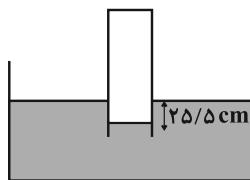
۵۱- اگر گیاهی طی مدت ۲۵ روز ۵۴ سانتی‌متر رشد کند، آهنگ رشد این گیاه بر حسب میکرومتر بر

دقیقه کدام است؟

۹۰ (۴) ۹۰۰ (۳) ۱/۵ (۲) ۱۵ (۱)

۵۲- در شکل زیر مجموعه در حال تعادل و فشار گاز محبوس داخل لوله برابر با 78cmHg است. چگالی

$$\text{مایع چند گرم بر سانتی‌متر مکعب است? } (g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}, P_0 = 101\text{kPa}, \rho_{\text{جیوه}} = 13/6 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3})$$



۱/۲ (۱)

۱/۷۵ (۲)

۱/۶ (۳)

۱/۸ (۴)

۵۳- مطابق شکل زیر، جسمی به جرم m با تندی $\frac{m}{s}$ به سمت بالای سطح پرتاپ می‌شود. اگر اندازه کار نیروی اصطکاک در طی

مسیر جسم تا توقف آن ($2mg$) ژول باشد، جسم چه مسافتی را بر حسب متر روی سطح طی می‌کند تا بایستد؟



۶ (۱)

۳ (۲)

۱۲ (۳)

$12\sqrt{3}$ (۴)

۵۴- در دمای صفر درجه سلسیوس طول هر یک از نوارهای آلومینیومی و مسی 120 m است. پس از رسیدن به دمای x طول نوار مسی $7/2\text{ cm}$ از طول نوار آلومینیومی کمتر است. دمای x بر حسب درجه سلسیوس کدام است؟

$$(a_{\text{Cu}} = 1/7 \times 10^{-5} \text{K}^{-1}, a_{\text{Al}} = 2/3 \times 10^{-5} \text{K}^{-1})$$

۱۱۰ (۴) ۱۰۰ (۳) ۷۵ (۲) ۸۰ (۱)

۵۵- اگر ۲۲۵ گرم یخ صفر درجه سلسیوس را داخل مقداری آب $1/2\text{ kg}$ بیاندازیم، در نهایت 16°C آب صفر درجه سلسیوس خواهیم

داشت. چه کسری از جرم یخ، ذوب نشده باقی مانده است؟ ($L_F = 336 \frac{\text{kJ}}{\text{kg.K}}$ و از اتصال انرژی صرف نظر شود).

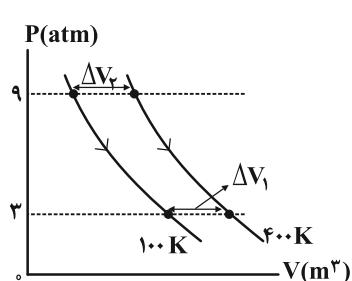
$\frac{8}{9}$ (۴)

$\frac{1}{9}$ (۳)

$\frac{2}{3}$ (۲)

$\frac{1}{3}$ (۱)

۵۶- نمودار دو فرایند همدما مجزا که مقدار معینی گاز کامل در دو دمای متفاوت طی می‌کند، مطابق شکل زیر است. نسبت



$$\text{کدام است؟ } \frac{\Delta V_2}{\Delta V_1}$$

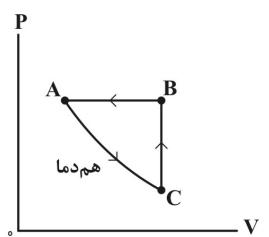
۱ (۱)

$$\frac{1}{3} (2)$$

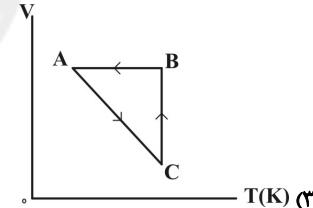
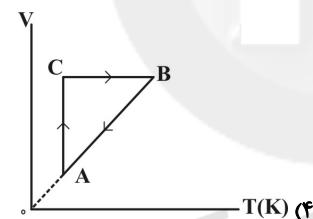
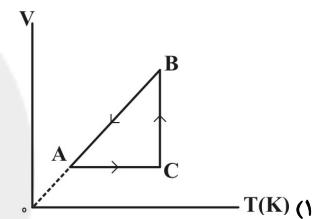
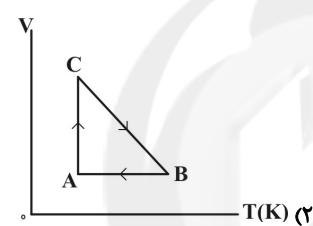
$$\frac{4}{3} (3)$$

$$\frac{3}{4} (4)$$

۵۷- نمودار $P - V$ فرایندهای ترمودینامیکی انجام شده بر روی مقدار معینی از یک گاز کامل، در شکل زیر رسم شده است. نمودار



$V - T$ آن کدام است؟



۵۸- مطابق شکل زیر، سه بار الکتریکی نقطه‌ای بر روی خط ثابت نگه داشته شده‌اند. اندازه نیروی الکتریکی

خالص وارد بر بار q_2 ، چند برابر اندازه نیروی الکتریکی خالص وارد بر بار q_3 است؟ ()

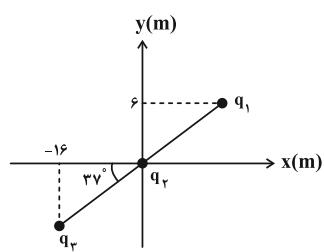
$$(\tan 37^\circ = \frac{3}{4} \text{ و } k = 9 \times 10^9 \frac{\text{N} \cdot \text{m}^2}{\text{C}^2}, q_2 = -20 \mu\text{C}, q_1 = 30 \mu\text{C})$$

۳۹ (۱)

۲۹ (۲)

۳۱ (۳)

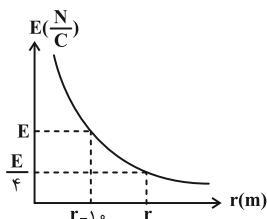
۲۱ (۴)



محل انجام محاسبات

۵۹- نمودار اندازه میدان الکتریکی ناشی از بار نقطه‌ای $C = 4\mu C$ بر حسب فاصله از آن، مطابق شکل زیر است. اختلاف پتانسیل بین دو صفحه خازن تختی که فاصله بین صفحه‌هایش 2cm و اندازه میدان الکتریکی یکنواخت بین صفحات آن برابر با اندازه

$$\text{میدان الکتریکی ناشی از بار نقطه‌ای } q \text{ در فاصله } r \text{ است، چند ولت است؟} \quad (k = 9 \times 10^9 \frac{\text{N} \cdot \text{m}^2}{\text{C}^2})$$



۷/۲ (۱)

۵/۴ (۲)

۳/۶ (۳)

۱/۸ (۴)

۶۰- درون یک میدان الکتریکی یکنواخت، بار الکتریکی $C = +5\mu C$ از نقطه A با پتانسیل الکتریکی 24V تا نقطه B جابه‌جا می‌شود.
اگر کار نیروی الکتریکی در این جابه‌جایی 20J باشد، پتانسیل الکتریکی نقطه B چند ولت است؟

۱۸ (۴)

۲۰ (۳)

۲۸ (۲)

۴ (۱)

۶۱- حداقل ولتاژ قابل تحمل یک خازن تخت خالی 20V است. اگر این خازن توسط مولد با اختلاف پتانسیل 16V ولت شارژ شود و سپس از آن جدا شود، برای اینکه خازن بتواند حداقل ولتاژ خود را تحمل کند، فاصله صفحات خازن چگونه تغییر کند؟

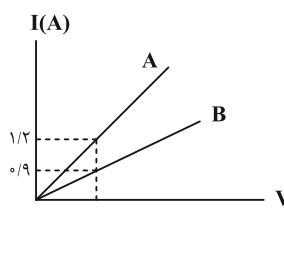
۲۰ درصد کاهش یابد.

۱ (۱)

۲۵ درصد افزایش یابد.

۳ (۲)

۶۲- نمودار جریان عبوری از دو سیم رسانای هم‌جنس و مجازی A و B بر حسب اختلاف پتانسیل دو سر آن‌ها مطابق شکل زیر است.
اگر طول سیم A، سه برابر طول سیم B باشد، سطح مقطع سیم A چند برابر سطح مقطع سیم B است؟ (دما ثابت و یکسان است).



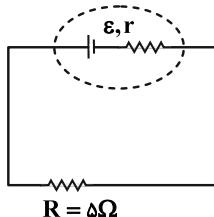
۴ (۱)

۲ (۲)

۱/۴ (۳)

۱/۲ (۴)

۶۳- در مدار شکل زیر، اگر افت پتانسیل در مقاومت درونی مولد برابر با 5V و اختلاف پتانسیل دو سر مقاومت ۵ اهمی برابر 25V باشد، نیروی حرکت مولد بر حسب ولت و مقاومت درونی آن بر حسب اهم به ترتیب از راست به چپ کدام است؟



۲,۳/۵ (۱)

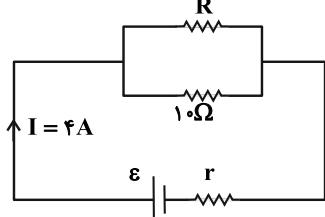
۲,۱/۷۵ (۲)

۱,۱/۷۵ (۳)

۱,۳/۵ (۴)

محل انجام محاسبات

٦٤- در مدار شکل زیر، اگر توان خروجی باتری 80 وات باشد، مقاومت R چند آهم است؟



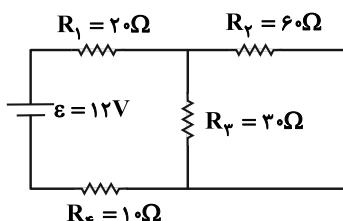
١٠ (١)

٥ (٢)

١٥ (٣)

٢/٥ (٤)

٦٥- در مدار شکل زیر، جریان عبوری از مقاومت R_3 چند آمپر است؟



٠/١٦ (١)

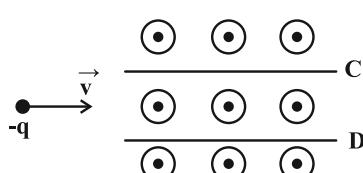
٠/٠٨ (٢)

٠/٣٢ (٣)

٠/٢٤ (٤)

٦٦- مطابق شکل زیر، ذره‌ای با بار منفی و جرم ناچیز با تندی $\frac{m}{s} = 5 \times 10^4$ در امتداد محور افقی وارد فضای بین دو صفحه خازن تخت C و D می‌شود. اگر بزرگی میدان مغناطیسی یکنواخت و بروون‌سوی بین صفحات 0.02mT باشد، برای اینکه ذره بدون انحراف به مسیر خود ادامه دهد، علامت بار صفحه D چیست و اندازه میدان الکتریکی یکنواخت بین دو صفحه C و D چند

$\frac{N}{C}$ است؟ (از اثر میدان گرانشی صرف‌نظر شود).



(١) مثبت، ٥٠٠

(٢) منفی، ٥٠٠

(٣) مثبت، ٥/٥

(٤) منفی، ٥/٥

٦٧- اگر جریان $1/25\text{A}$ از سیم‌ولوهای آرمانی عبور کند، اندازه میدان مغناطیسی یکنواخت درون آن برابر با 24G می‌شود. در هر

سانتی‌متر از این سیم‌ولوه چند دور سیم وجود دارد؟ ($\mu_0 = 12 \times 10^{-7} \frac{\text{T.m}}{\text{A}}$)

٢٤ (٤)

١٦ (٣)

١٢ (٢)

٨ (١)

٦٨- سطح پیچه‌ای مسطح به مساحت 20cm^2 و مقاومت 3Ω ، عمود بر خطوط میدان مغناطیسی یکنواختی به بزرگی 0.01T قرار

دارد. اگر پیچه در مدت 5s به اندازه 30° حول یکی از قطرهای خود بچرخد، به طوری که جریانی متوسط به بزرگی 0.02A

$$\left(\frac{\sqrt{3}}{2} = 0.85 \right)$$

١٠٠٠٠ (٤)

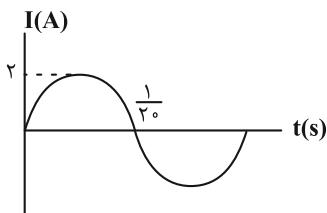
٥٠٠٠ (٣)

٣٠٠٠ (٢)

١٥٠٠ (١)

محل انجام محاسبات

۶۹- نمودار جریان متناوب سینوسی تولید شده توسط یک مولد بر حسب زمان به صورت زیر است. اگر مقاومت الکتریکی مولد ۴ اهم باشد، معادله نیروی حرکت القایی بر حسب زمان در SI کدام است؟



$$\varepsilon = 2 \sin(10\pi t) \quad (1)$$

$$\varepsilon = 8 \sin(10\pi t) \quad (2)$$

$$\varepsilon = 2 \sin(20\pi t) \quad (3)$$

$$\varepsilon = 8 \sin(20\pi t) \quad (4)$$

۷۰- معادله حرکت دو متحرک A و B که در امتداد محور x حرکت می‌کنند، در SI به صورت زیر داده شده است. از لحظه $t = 0$ و قبل از رسیدن دو متحرک به هم، حداقل چند ثانیه فاصله آن‌ها از هم بیشتر از ۴۰ متر است؟

$$\begin{cases} x_A = -2t + 16 \\ x_B = \frac{1}{2}t - 29 \end{cases}$$

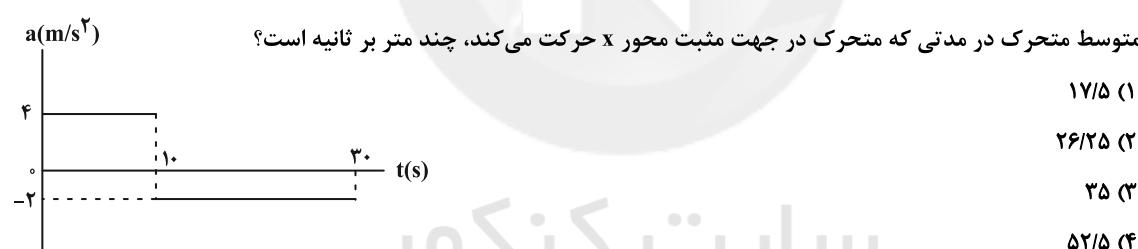
$$2(2) \quad 1(1)$$

$$4(3) \quad 3(3)$$

۷۱- معادله سرعت - زمان متحرکی که در راستای افقی حرکت می‌کند در SI به صورت $v = 2t - 4$ است. بزرگی جابه‌جایی متحرک در ۲ ثانیه دوم حرکت چند متر است؟

$$8(4) \quad 6(3) \quad 2(2) \quad 4(1)$$

۷۲- نمودار شتاب - زمان متحرکی که با سرعت اولیه 5 m/s متر بر ثانیه روی محور x حرکت می‌کند، مطابق شکل زیر است. سرعت متوسط متحرک در مدتی که متحرک در جهت مثبت محور x حرکت می‌کند، چند متر بر ثانیه است؟



۷۳- متحرکی روی خط راست با شتاب ثابت در حال حرکت است. اگر حداقل مدت زمانی که متحرک به صورت کندشونده حرکت کرده است ۴ ثانیه باشد و تندی متوسط متحرک در 8 m/s باشد، بزرگی شتاب این حرکت چند m/s^2 است؟

$$6(4) \quad 4(3) \quad 3(2) \quad 2(1)$$

۷۴- در شرایط خلا، گلوله‌ای از ارتفاع h بدون سرعت اولیه رها می‌شود. اگر 64% از طول مسیرش تا زمین را در ۲ ثانیه آخر حرکتش طی کرده باشد، زمان حرکت گلوله چند ثانیه است؟

$$8(4) \quad 6(3) \quad 5(2) \quad 4(1)$$

۷۵- سه نیروی افقی ۷، ۸ و ۹ نیوتونی به جسمی به جرم 4 kg وارد می‌شوند و جسم که روی سطح افقی بدون اصطکاکی قرار دارد، همچنان ساکن می‌ماند. اگر نیروی ۸ نیوتونی را حذف کنیم، جایه‌جایی جسم پس از پنج ثانیه چند متر است؟

۱۰۰ (۴)

۵۰ (۳)

۲۵ (۲)

۱۰ (۱)

۷۶- دو گلوله مشابه و هماندازه از جنس آهن و مس را از ساختمان بلندی رها می‌کنیم. با فرض اینکه نیروی مقاومت هوا در طی حرکت دو گلوله ثابت و یکسان باشد، تا قبل از رسیدن دو گلوله به زمین و در یک بازه زمانی دلخواه، سرعت متوسط گلوله مسی از گلوله آهنی است و اگر از مقاومت هوا صرف نظر کنیم، نسبت اندازه تندی گلوله آهنی به گلوله مسی در لحظه برخورد به زمین یک است. (مس p > آهن p)

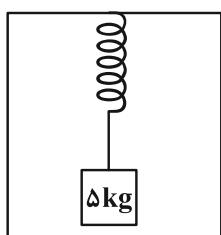
(۴) بیشتر، برابر با

(۳) بیشتر، برابر با

(۲) کمتر، برابر با

(۱) بیشتر، کمتر از

۷۷- مطابق شکل زیر، وزنه‌ای به جرم 5 kg را از فنری با جرم ناچیز از سقف آسانسوری آویزان کرده و بعد از تعادل، طول فنر 10 cm از حالت عادی آن بیشتر می‌شود. اگر آسانسور با شتاب $\frac{m}{s^2}$ به سمت پایین شروع به حرکت کند، بعد از ایجاد تعادل، تغییر طول فنر از حالت عادی آن چند سانتی‌متر خواهد شد؟ ($g = 10 \frac{N}{kg}$)



۲ (۱)

۴ (۲)

۶ (۳)

۸ (۴)

۷۸- جسمی به جرم m با شتاب ثابت $\frac{m}{s^2}$ از حال سکون در مسیری مستقیم شروع به حرکت می‌کند. نسبت اندازه تکانه آن در لحظه $t = 4s$ به اندازه تکانه آن در لحظه $t = 6s$ کدام است؟

 $\frac{1}{4}$

۱ (۳)

 $\frac{1}{3}$ $\frac{2}{3}$ (۱)

۷۹- جسمی به جرم 5 g روی صفحه افقی گردانی که با تندی ثابت دوران می‌کند، ساکن است و همراه آن می‌گردد. اگر بیشینه اندازه شتاب مرکزگرا برای آنکه جسم روی صفحه نلغزد، برابر با $\frac{m}{s^2}$ باشد، ضریب اصطکاک ایستایی بین صفحه و جسم چقدر است؟ ($g = 10 \frac{N}{kg}$)

۰/۴ (۴)

۰/۳ (۳)

۰/۲ (۲)

۰/۱ (۱)

۸۰- دوره نوسان‌های نوسانگر هماهنگ ساده‌ای $\frac{1}{4}$ ثانیه است. اگر در یک لحظه مکان نوسانگر مثبت و برابر $\frac{\sqrt{3}}{2} A$ بوده و حرکتش

در آن لحظه کندشونده باشد، حداقل چند ثانیه طول می‌کشد تا پس از این لحظه نوسانگر به مکان $-\frac{A}{2}$ - برسد و سرعت آن

مثبت باشد؟

$$\frac{1}{30} \quad (4)$$

$$\frac{5}{30} \quad (3)$$

$$0/3 \quad (2)$$

$$0/2 \quad (1)$$

۸۱- طول آونگ ساده‌ای که نوسانات کم‌دامنه با دوره T انجام می‌دهد را چگونه تغییر دهیم تا این آونگ در هر نوسان به اندازه $\frac{T}{4}$

عقب بیافتد؟

$$43/75 \quad (2)$$

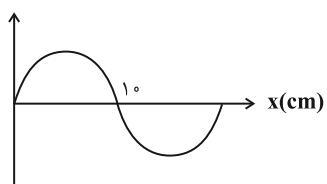
$$73/75 \quad (1)$$

$$56/25 \quad (4)$$

$$56/25 \quad (3)$$

۸۲- شکل زیر موج تشکیل شده در طول یک ریسمان کشیده شده را در لحظه‌ای از زمان نشان می‌دهد. اگر جرم هر نیم متر از سیم

۱۰ گرم و بسامد نوسانات 200 Hz باشد، اندازه نیروی کشش ریسمان چند نیوتون است؟



$$32 \quad (1)$$

$$4 \quad (2)$$

$$8 \quad (3)$$

$$16 \quad (4)$$

۸۳- شخصی در فاصله 40 متری از یک منبع صوتی قرار دارد. با صرف نظر از اتلاف انرژی، چند متر از منبع صوتی می‌توان دور شد تا

تراز شدت صوت 2 دسی‌بل کاهش یابد؟ ($\log 2 = 0/3$)

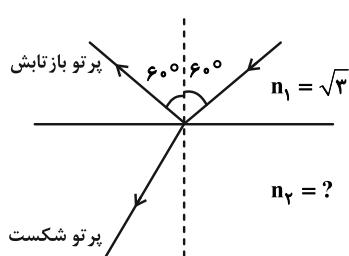
$$8 \quad (4)$$

$$32 \quad (3)$$

$$10 \quad (2)$$

$$50 \quad (1)$$

۸۴- پرتو نوری از محیطی به ضریب شکست $n_1 = \sqrt{3}$ تحت زاویه 60° نسبت به خط عمود بر سطح می‌تابد، بخشی از آن بازتاب و بخشی دیگر می‌شکند و وارد محیطی به ضریب شکست n_2 می‌شود. در صورتی که پرتوهای بازتابش و شکست بر هم عمود باشند، n_2 کدام است؟



$$\frac{\sqrt{3}}{3} \quad (1)$$

$$\sqrt{3} \quad (2)$$

$$3 \quad (3)$$

$$\sqrt{6} \quad (4)$$

۸۵- در آزمایش تداخل امواج صوتی، در نقطه‌ای که در فاصله یکسان از دو چشمۀ صوت قرار دارد، تداخل ... صورت می‌گیرد و این نقطه ... است.

S – ۲) ویرانگر

۱) سازنده –

L – ۴) ویرانگر

۳) سازنده –

۸۶- در ریسمانی کشیده، که دو سر آن ثابت است، موج ایستاده‌ای با ۴ شکم تشکیل شده است اگر فاصله دو گره متوالی ۱۸

سانتی‌متر و تندی انتشار موج در ریسمان $\frac{m}{s}$ ۲۷۰ باشد، بسامد هماهنگ دوم ریسمان چند هرتز است؟

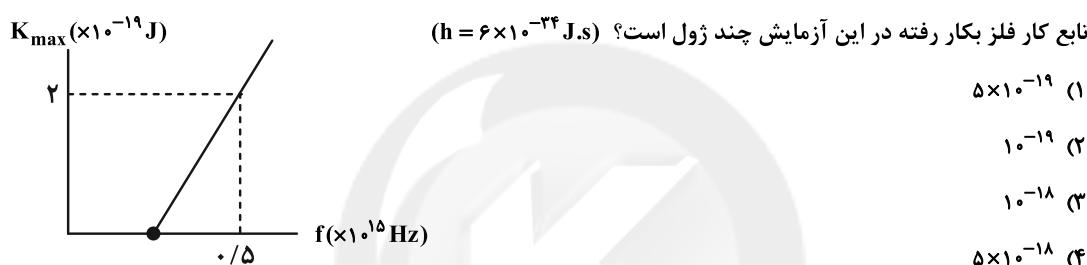
۳۷۵ (۲)

۷۵۰ (۱)

۱۸۷۵ (۴)

۱۵۰۰ (۳)

۸۷- نمودار بیشینه انرژی جنبشی فوتوالکترون‌ها بر حسب بسامد پرتو فرودی در یک آزمایش فوتوالکتریک مطابق شکل زیر است.



۸۸- بیشترین بسامد نور مرئی گسیلی در هیدروژن اتمی چند تراهرتز است؟ ($c = 3 \times 10^8 \frac{m}{s}$, $R = 0.01 nm^{-1}$)

۱) ۴۱۶/۶	۲) ۷۵۰	۳) ۲۰۰۰	۴) ۷۲۰
----------	--------	---------	--------

۸۹- انرژی چه تعداد فوتون با بسامد $10^{15} Hz$ برابر با انرژی بستگی هسته‌ای یک هسته عنصر، با کاستی جرم $25/6 \times 10^{-26} kg$

۱) 9×10^9	۲) 18×10^9	۳) 27×10^9	۴) 36×10^9
--------------------	---------------------	---------------------	---------------------

($e = 1/6 \times 10^{-19} C$, $h = 4 \times 10^{-34} eV.s$, $c = 3 \times 10^8 \frac{m}{s}$) خواهد شد؟

۹۰- تعداد هسته‌های اولیه یک ماده رادیواکتیو ۴۰۰۰ می‌باشد. اگر نیمه عمر این ماده ۶ ساعت باشد، پس از ۲۴ ساعت، تعداد هسته‌های متلاشی شده آن کدام است؟

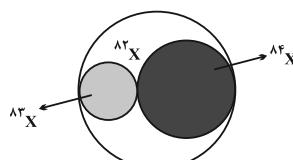
۱) ۱۰۰۰	۲) ۲۵۰	۳) ۳۰۰۰	۴) ۳۷۵۰
---------	--------	---------	---------

شیمی

۹۱- در یون A^{2-} تعداد الکترون‌ها و نوترон‌ها ۹ واحد با یکدیگر اختلاف دارند. مجموع عددهای کوانتمومی اصلی و فرعی الکترون‌های آخرین زیرلایه اتم عنصر A چقدر بوده و عدد اتمی این عنصر چند است؟ (اعداد را از راست به چپ بخوانید.)

۳۲-۵ (۴) ۳۲-۲۰ (۳) ۳۴-۵ (۲) ۳۴-۲۰ (۱)

۹۲- یک نمونه ایزوتوپ‌های عنصر فرضی X مطابق شکل زیر در اختیار داریم، جرم اتمی میانگین عنصر X در این نمونه کدام است و اگر نیم عمر ایزوتوپ‌های X^{82} و X^{84} به ترتیب برابر ۹ و ۱۲ ساعت باشد، پس از گذشت ۱/۵ روز، درصد فراوانی ایزوتوپ X^{83} در این نمونه تقریباً چند درصد می‌رسد؟ (ایزوتوپ X^{83} را پایدار در نظر بگیرید). (در بین دایره‌های تیره رنگ، قطر دایرۀ بزرگ‌تر، ۲ برابر قطر دایرۀ کوچک‌تر می‌باشد و نسبت فراوانی ایزوتوپ‌ها با مساحت دایره‌ها متناسب است). (جرم اتمی را هم ارز عدد جرمی در نظر بگیرید).



۵۷، ۸۳/۵ (۱)
۵۷، ۸۳ (۲)
۶۹، ۸۳/۵ (۳)
۶۹، ۸۳ (۴)

۹۳- از بین عبارت‌های زیر چند مورد در ارتباط با فلز مس ($\text{Cu}_{\text{۲۹}}$) درست است؟

- در آرایش الکترونی این اتم ۷ الکترون با = ۱ وجود دارد.

- آرایش الکترونی فشرده این عنصر طبق قاعدة آفبا بصورت $[\text{Ar}]^{۳d^{۱۰}} 4s^1$ است.

- طیف نشري خطی $\text{Cu}_{\text{۶۹}}$ با طیف نشري خطی $\text{Cu}_{\text{۶۵}}$ یکسان است.

- در آرایش الکترونی Cu^+ ، $\text{Cu}^{\text{۱۰}}$ الکترون با = ۲ وجود دارد.

۴ (۴) ۳ (۳) ۲ (۲) ۱ (۱)

۹۴- نام‌گذاری چند ترکیب زیر درست است؟

- $\text{V}_2\text{O}_۳$: وانادیم اکسید	- $\text{MnO}_۴$: منگنز اکسید	- $\text{CCl}_۴$: کربن تتراکلرید
- $\text{CaCO}_۳$: کلسیم (II) کربنات	- NaOH : سدیم هیدروکسید	- $\text{Ar}^{۳d^{۱۰}} 4s^1$: کربنات
۳ (۴)	۲ (۳)	۱ (۲)

۱) صفر

۹۵- چند مورد از مطالب زیر، در مورد گونه‌های زیر صدق می‌کنند؟ (اعداد را از راست به چپ به ترتیب برای الف، ب، پ و ت بخوانید).

$\text{CO}_۴$, $\text{NO}_۴^+$, $\text{O}_۳$, $\text{SO}_۳^{۲-}$, SCO

الف) گونه ساختار لوویس مشابه دارند.

ب) در ساختار لوویس گونه، ۴ جفت الکترون ناپیوندی وجود دارد.

پ) در ساختار لوویس گونه، ۴ جفت الکترون پیوندی وجود دارد.

ت) اتم‌های سازنده گونه از قاعده هشتایی پیروی نمی‌کند.

۱) ۱، ۳، ۳، ۴ و ۰ ۲) ۰، ۳، ۳، ۴ و ۱ ۳) ۰، ۳، ۳، ۴ و ۰ ۴) ۰، ۴، ۲ و ۰

۹۶- مطابق واکنش‌های موازنۀ نشده زیر، گاز $\text{H}_۲\text{S}$ تولیدی در اثر واکنش فلز قلع با سولفوریک اسید، به طور کامل در واکنش (II) مصرف می‌شود. اگر در واکنش (I)، ۹۳۳ گرم فراورده جامد تولید شود، چند اتم فلز نقره در واکنش (II) به مصرف می‌رسد و در مجموع دو واکنش، چند لیتر بخار آب در شرایط غیر STP که حجم مولی گازها $22/4$ لیتر است، تولید می‌شود؟ (گزینه‌ها را از راست به چپ بخوانید):
 $(\text{Sn} = ۱۱۹, \text{Ag} = ۱۰۸, \text{S} = ۳۲, \text{O} = ۱۶, \text{H} = ۱: \text{g.mol}^{-۱})$



۱۶۸ ، ۳/۶۱۲×۱۰۲۴ (۱) ۱۶۸ ، ۱/۸۰۶×۱۰۲۴ (۲)

۳۳۶ ، ۳/۶۱۲×۱۰۲۴ (۳) ۳۳۶ ، ۱/۸۰۶×۱۰۲۴ (۴)

محل انجام محاسبات

۹۷- معادله انحلال پذیری- دمای یک نمک فرضی به صورت: $S = 0 + ۶\theta + ۳۲$ می‌باشد. غلظت مولار محلول سیرشده آن در دمای ۸۰°C کدام است و اگر دمای ۴۶۵ گرم از محلول سیرشده این نمک در دمای ۸۰°C را به اندازه $\frac{۳۷}{۵} \times ۱۰\%$ کاهش دهیم، رسوب به دست آمده در چند گرم آب ۵۰°C به طور کامل حل می‌شود؟ (گزینه‌ها را از راست به چپ بخوانید؛ جرم مولی این نمک را ۱۵۰ گرم بر مول و چگالی محلول سیرشده آن در دمای ۸۰°C را $۱/۳۵$ گرم بر میلی‌لیتر در نظر بگیرید).

(۱) ۵۰ g.mol^{-1} (۲) ۷۵ g.mol^{-1} (۳) ۷۵ g.mol^{-1} (۴) ۷۵ g.mol^{-1}

۹۸- در کدام یک از محلول‌های زیر، شمار یون‌های آب پوشیده بیشتری وجود دارد؟ (از تغییر حجم محلول‌ها بر اثر انحلال صرف نظر کنید؛ $\text{Ca} = ۴۰, \text{P} = ۲۲, \text{Na} = ۲۲, \text{O} = ۱۶, \text{C} = ۱: \text{g.mol}^{-1}$)

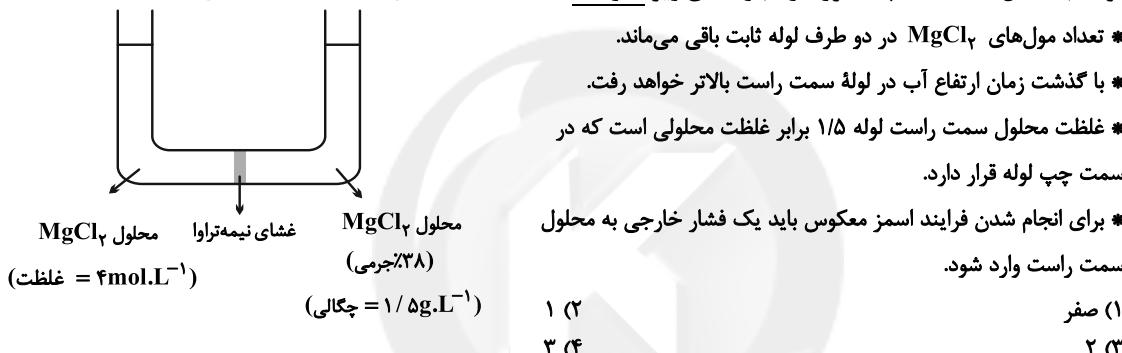
(۱) $۲/۵$ لیتر محلول ۳ مولار آلومینیم نیترات

(۲) ۵ لیتر محلول ۶۴ درصد جرمی متانول با چگالی $۱/۲$ گرم بر لیتر

(۳) محلول حاصل از اضافه کردن ۹۳ گرم کلسیم فسفات به ۲ لیتر آب مقطر

(۴) ۴ لیتر محلول سیرشده سدیم کربنات در دمای اتاق ($\text{S(g}/10\text{g H}_2\text{O)} = ۲۱/۲$ ، $\text{S(g}/1\text{g mL}^{-1}) = ۱/۲۱\text{g.mL}^{-1}$) = چگالی محلول)

۹۹- با توجه به شکل داده شده، چند مورد از عبارت‌های زیر نادرست هستند؟ ($\text{Mg} = ۲۴, \text{Cl} = ۳۵/۵: \text{g.mol}^{-1}$)



۱۰۰- کدام گزینه درست است؟

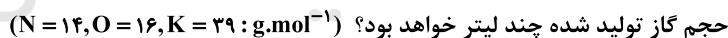
(۱) همه نافلزها تمایل به گرفتن الکترون دارند و این ویژگی در گروه‌های نافلزی از بالا به پایین، کاهش می‌یابد.

(۲) برخی از نافلزها مانند اکسیژن، نیتروژن و هالوژن‌ها در طبیعت به شکل مولکول‌های دو اتمی یافت می‌شوند و از لحاظ شیمیایی بی‌اثر هستند.

(۳) رنگ رسوب Fe(OH)_2 و کانی MnCO_3 مشابه می‌باشد و در کاتیون آن‌ها، لایه چهارم فاقد الکترون است.

(۴) مقایسه شاعع اتمی بعضی از فلزات قلیایی و قلیایی حاکی به صورت: $\text{Sr} > \text{Ca} > \text{Na} > \text{K}$ می‌باشد.

۱۰۱- اگر نمونه‌ای به جرم ۵۰.۵ گرم از پتاسیم نیترات با خلوص ۵۰% در شرایط استاندارد با بازدهی ۸۰% طبق واکنش زیر تجزیه شود.



۱۰۲- اگر نسبت جرم کربن به جرم هیدروژن در یک آلکان شاخه‌دار برابر با $۵/۴$ و دو شاخهٔ فرعی متیل و یک شاخهٔ فرعی اتیل در ساختار آن وجود داشته باشد، با توجه به ساختارهای متفاوت قابل رسم برای آن کدام گزینه درست است؟

(C = $۱۲, \text{H} = ۱: \text{g.mol}^{-1}$)

(۱) برای این آلکان، 4 نامگذاری متفاوت در آیوپاک می‌توان در نظر گرفت.

(۲) حداقل تعداد گروه‌های CH_2 در ساختار این آلکان، با تعداد این گروه‌ها در ساختار بنزن برابر است.

(۳) در نیمی از ساختارهای قابل رسم برای این آلکان، اتم کربنی وجود دارد که به هیچ اتم هیدروژنی متصل نیست.

(۴) حداکثر مجموع شمار اعداد به کار رفته در نامگذاری آیوپاک آن، با تعداد اتم‌ها در دومین عضو خانواده آلکن‌ها برابر است.

محل انجام محاسبات

103- بر پایه واکنش موازن شده مقابله، چند مورد از مطالب زیر درست است؟ ($C = 12, N = 14, O = 16, H = 1: g \cdot mol^{-1}$)



* اختلاف جرم مولی واکنش‌دهنده‌ها برابر جرم مولی 22-دی‌متیل بوتان است.

* اختلاف شمار جفت الکترون‌های پیوندی و ناپیوندی ترکیب آلی حاصل 34 است.

* مولکول حاصل شامل هر سه گروه عاملی آمینی و آمیدی و کربوکسیلی است.

* بین مولکول‌های فرآورده آلی حاصل نیروی بین مولکولی از نوع هیدروژن نیز می‌تواند وجود داشته باشد.

* فرمول شیمیایی ترکیب حاصل $C_{12}H_{24}N_2O_3$ است.

2 (4)	3 (3)	4 (2)	5 (1)
-------	-------	-------	-------

104- مخلوطی به جرم 26 گرم از اتان و پروپان را به طور کامل می‌سوزانیم. اگر گرمای حاصل از این فرایند، بتواند دمای 6700 گرم آب را

به اندازه 50°C افزایش دهد، درصد مولی پروپان در مخلوط اولیه به تقریب کدام است؟ (آنالیپی سوختن متان و بوتان را در شرایط

$(C = 12, H = 1: g \cdot mol^{-1}, c_{H_2O} \approx 4 J \cdot g^{-1} \cdot ^{\circ}\text{C}^{-1})$

66 (4)	55 (3)	45 (2)	33 (1)
--------	--------	--------	--------

105- چند مورد از مطالب زیر درباره آلدهید موجود در بادام و کتون موجود در میخک درست است؟

* برای سوختن کامل یک مول از هر کدام آن‌ها به ترتیب به 8 و 10 مول اکسیژن نیاز است و مقدار مول کربن‌دی‌اکسید تولید شده یکسان است.

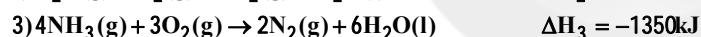
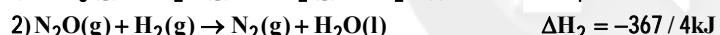
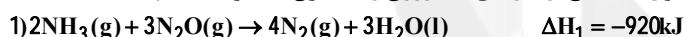
* آنالیپی پیوند بین کربن و اکسیژن موجود در آن‌ها از آنالیپی پیوند بین اتم‌های کربن و اکسیژن موجود در کربن مونوکسید کوچک‌تر است.

* اختلاف شمار پیوندهای C-H موجود در آن‌ها دو برابر تعداد مول گاز هیدروژن لازم برای سیرشدن کامل پیوندهای C=C هر مول آلدهید موجود در بادام است.

* هر کدام از ترکیب‌ها یک اتم کربن دارند که با هیچ اتم هیدروژنی پیوند تشکیل نداده است.

1 (4)	2 (3)	3 (2)	4 (1)
-------	-------	-------	-------

106- با توجه به واکنش‌های زیر، ΔH واکنش تشکیل یک مول آب مایع از گازهای هیدروژن و اکسیژن به تقریب کدام است؟



-285 / 7 (4)	-449 / 7 (3)	+449 / 7 (2)	+285 / 7 (1)
--------------	--------------	--------------	--------------

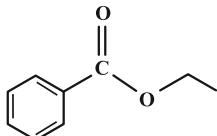
107- حجم گاز CO_2 حاصل از تجزیه $5/2$ گرم از گلوکز طبق معادله: $\text{C}_6\text{H}_{12}\text{O}_6(\text{s}) \rightarrow 2\text{C}_2\text{H}_5\text{OH}(\text{l}) + 2\text{CO}_2(\text{g})$ در نمودار زیر

نمایش داده شده است. چند ثانیه پس از شروع واکنش مقدار گلوکز موجود در ظرف به $1/25$ گرم می‌رسد؟



محل انجام محاسبات

۱۰۸- محصول فرایند آبکافت مولکول مقابله دو مولکول A و B هستند. چند مورد از مطالب زیر درست است؟ (B نوعی الکل است).



* برای سوختن کامل هر مول از ماده A نسبت به ماده B، بیش از دو برابر اکسیژن نیاز است و تعداد مول H₂O یکسانی از هر دو واکنش تولید می‌شود.

* ماده A در تمشک وجود داشته و می‌تواند مدت زمان انجام بعضی از واکنش‌ها را افزایش دهد.

* در هنگام انحلال هر دو ماده A و B در آب، بین مولکول‌های آب پیوند هیدروژنی تشکیل می‌شود.

* مولکول B را می‌توان از آبکافت استرهای موجود در آناناس و انگور هم بدست آورد.

* تفاوت جرم مولی مولکول‌های A و B برابر با جرم مولی الکلی است که در محصولات ضد بخ از آن استفاده می‌شود.

۱ (۴)

۲ (۳)

۳ (۲)

۴ (۱)

۱۰۹- در ساختار الکل یک عاملی سیرشده A، نسبت شمار جفت الکترون‌های پیوندی به ناپیوندی برابر با ۷ و در ساختار کربوکسیلیک اسید یک عاملی سیرشده B، نسبت شمار پیوندی‌های C-H به پیوندی‌های C-C برابر با ۳ می‌باشد. کدام گزینه ساختار استر حاصل از واکنش الکل A و اسید B را به درستی نشان می‌دهد؟



۱۱۰- چند مورد از موارد زیر درباره کربوکسیلیک اسیدهای یک عاملی درست است؟ (C = ۱۲, O = ۱۶, H = ۱ : g.mol^{-۱})

* گروه عاملی آن‌ها برخلاف گروه عاملی استری، شامل سه عنصر می‌باشد.

* برای سوختن کامل ۳ گرم از آشناترین عضو این خانواده، ۱۰ مول گاز اکسیژن نیاز است.

* با افزایش شمار اتم‌های کربن در آن‌ها، شمار جفت الکترون‌های ناپیوندی افزایش می‌یابد.

* عضوی از این خانواده که در ساختار خود ۳ گروه CH_۳ دارد، می‌تواند جرم مولی ۸۸ گرم بر مول داشته باشد.

* با افزایش نیتروی بین مولکولی واندروالس در آن‌ها، انحلال‌پذیری آن‌ها به انحلال‌پذیری ویتامین K در آب نزدیک می‌شود.

۱) یک ۲) دو ۳) سه ۴) چهار

۱۱۱- واکنش زیر با pH = ۱/۴ آغاز می‌شود، اگر در ۲ ثانیه اول، سرعت متوسط تولید I⁻ برابر ۲×۱۰^{-۳} مول بر لیتر بر ثانیه باشد.

pH محلول بعد از ۲ ثانیه از شروع واکنش چند واحد تغییر می‌کند؟ (log ۲ = ۰/۳)



۰/۰۰۸ (۴)

۰/۰۳۲ (۳)

۱/۵ (۲)

۰/۱ (۱)

۱۱۲- چه تعداد از عبارت‌های زیر درست است؟ (دما ۲۵°C است. log ۲ = ۰/۳)

* pH محلول ۸×۱۰^{-۲} mol.L^{-۱} هیدروسیانیک اسید با یونش ۲ درصد برابر ۲/۸ است.

* محلول ۰/۲ مولار آمونیاک برابر با ۱۳/۷ است.

* مقدار درجه یونش اسیدها محدوده‌ای به صورت $1 \leq \alpha \leq ۰$ دارد.

* غلظت یون هیدرونیوم در یک نمونه شیر ترش شده با ۲/۷ pH = ۲×۱۰^{-۳} mol.L^{-۱} است.

۴ (۴)

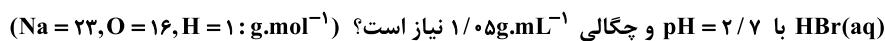
۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

محل انجام محاسبات

۱۱۳- غلظت سود در یک نمونه آب برابر 4 ppm است. برای خنثی کردن سود موجود در 4 تن از این آب به چند کیلوگرم محلول



۱۱۷۶ (۲)

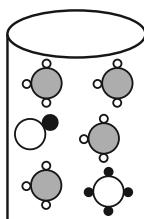
۱۲۲۴ (۱)

۱۳۴۲ (۴)

۱۵۱۲ (۳)

۱۱۴- با توجه به شکل زیر که یک محلول در حال تعادل را نشان می‌دهد:

اگر هر ذره را 0.002 مول و حجم محلول را 800 میلی‌لیتر در نظر بگیریم، اندازه k_b محلول آمونیاک و pH آن به ترتیب کدام است؟



$$13/3-0/625 \times 10^{-3} \quad (1)$$

$$13/3-1/25 \times 10^{-4} \quad (2)$$

$$11/4-1/25 \times 10^{-4} \quad (3)$$

$$11/4-0/625 \times 10^{-3} \quad (4)$$

۱۱۵- با توجه به سلول گالوانی $Fe - Cu$ چه تعداد از عبارت‌های زیر درست است؟

$$(E^\circ(Fe^{2+}/Fe) = -0.44V, E^\circ(Cu^{2+}/Cu) = +0.34V, Fe = 56, Cu = 64 : g.mol^{-1})$$

* غلظت کاتیون Cu^{2+} با گذشت زمان کاهش می‌باید.

* فلز آهن کاهنده‌تر از فلز مس است و فلز آهن قطب مثبت این سلول است.

* اگر فلز M با Fe یک سلول گالوانی تشکیل دهد که emf این سلول برابر $2/32$ ولت باشد. در این حالت می‌تواند

$$E^\circ_{M^{2+}/M} = -0.76V$$

* اگر جرم آند $2/8$ گرم کاهش باید، تعداد $1N_A$ الکترون در مدار بیرونی مبادله می‌شود.

۴ (۴)

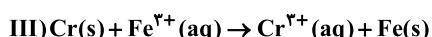
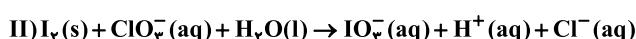
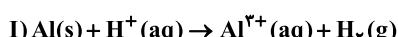
۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

۱۱۶- با توجه به واکنش‌های «اکسایش - کاهش» زیر مجموع ضرایب گونه کاهنده واکنش (I) و (II) چند برابر ضریب گونه اکسنده

واکنش (III) است؟



۵ (۴)

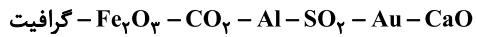
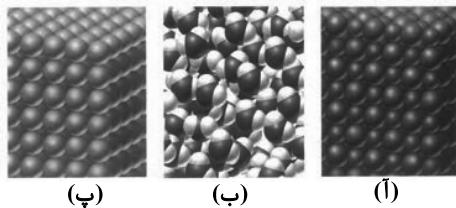
۴/۵ (۳)

۶ (۲)

۴ (۱)

محل انجام محاسبات

۱۱۷- ساختار چند مورد از مواد کادر زیر به ترتیب با شکل‌های «آ»، «ب» و «پ» مطابقت دارد؟ (گزینه‌ها را از راست به چپ بخوانید).



۳-۱-۲ (۱)

۲-۲-۲ (۲)

۱-۲-۳ (۳)

۳-۲-۱ (۴)

۱۱۸- کدام گزینه در رابطه با سیلیسیم درست است؟

(۱) به صورت خالص در طبیعت وجود ندارد و تنها در ساختار سیلیس یافت می‌شود.

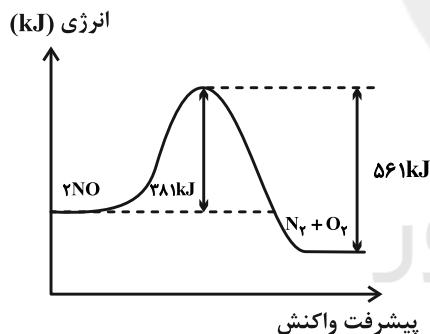
(۲) فراوان‌ترین عنصر در پوسته جامد زمین است.

(۳) ساختار شبکه آن با یکی از دگرشکل‌های کربن مشابه است.

(۴) در واکنش با دیگر عناصر، هم می‌تواند الکترون به اشتراک بگذارد و هم الکترون به دست آورد.

۱۱۹- با توجه به نمودار و داده‌های جدول زیر، در اثر پیمایش ۳۰۰km مسافت به وسیله یک خودروی دارای مبدل کاتالیستی، مبدل از ورود چند کیلوگرم از آلاینده مورد نظر به هواکره جلوگیری می‌کند و چند کیلوژول گرما در آن تولید می‌شود؟

(گزینه‌ها را از راست به چپ بخوانید.) $(\text{O} = 16, \text{N} = 14 : \text{g.mol}^{-1})$

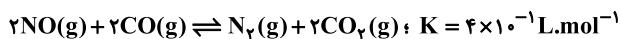


NO	فرمول شیمیایی آلاینده	
۱/۰۴	در غیاب مبدل کاتالیستی	مقدار آلاینده بر حسب گرم به
۰/۰۴	در حضور مبدل کاتالیستی	ازای طی یک کیلومتر

۹۳۶-۰/۳۱۲ (۴) ۹۰۰-۰/۳۱۲ (۳) ۹۳۶-۰/۳ (۲) ۹۰۰-۰/۳ (۱)

۱۲۰- اگر غلظت تعادلی گازهای CO_2 ، N_2 و CO در سامانه تعادلی زیر به ترتیب برابر 6×10^{-4} مول بر لیتر باشد، جرم گاز NO

در مخلوط تعادلی چند گرم است؟ (حجم ظرف واکنش ۲۰۰ میلی‌لیتر است و $(\text{O} = 16, \text{N} = 14 : \text{g.mol}^{-1})$)



۷/۲ (۴) ۱/۸ (۳) ۵/۱ (۲) ۳/۶ (۱)

محل انجام محاسبات

آزمون آمادگی شناختی ۱۴۰۱ دی ۲۳

دانش آموز عزیز!

یادگیری فرایندی است که نیازمند پشتیبانی ساز و کارهای شناختی مغز است. آگاهی از این ساز و کارها می‌تواند توانایی یادگیری شما را توسعه دهد. آمادگی شناختی توانایی بهره‌مندی از کارکردهای شناختی مغز در موقعیت‌های مختلف است.

آمادگی شناختی					
خلاقیت	سازگاری	تصمیم‌گیری	حل مساله	فراشناخت	توجه و حافظه

بنیاد علمی آموزشی قلم چی در راستای حمایت از فراغیران با همکاری استادی علوم اعصاب شناختی دانشگاه شهید بهشتی در مرکز پژوهشی علوم اعصاب شناختی رفتار در نظر دارد آمادگی شناختی داوطلبان را به صورت دوره‌ای مورد سنجش قرار دهد. سوالات این بخش پاسخ درست و یا غلط ندارد و هدف این سوالات آگاهی شما از میزان آمادگی شناختی خود است. هدف این بخش حمایت شرکت‌کنندگان برای استفاده بهتر از توانایی‌های شناختی خود در فرایند یادگیری است. ما برای ارتقاء این توانایی‌ها، توصیه‌هایی را برای شما فراهم خواهیم نمود. دانش آموزانی که در نوبت قبل در آزمون شرکت کرده بودند می‌توانند در این آزمون هم شرکت کنند. پس از ارزیابی‌های چندگانه با هدف شناخت وضعیت پایه آمادگی شناختی شما، ارزیابی‌های موقعیتی در فواصل بین آزمون‌ها اجرا خواهد شد. کارنامه این آزمون را در صفحه شخصی دریافت خواهید کرد.

سوالات را به دقت بخوانید و نزدیکترین پاسخ مرتبط با خود را انتخاب و در پاسخبرگ علامت بزنید. دقت داشته باشید که سوال‌ها از شماره ۲۶۱ شروع می‌شود.

۲۶۱. درهنگام مطالعه می‌توانم زیر مطالب مهم تر خط بکشم.

- | | | |
|----------|------------|---------------|
| ۱. هرگز | ۲. به ندرت | ۳. گاهی اوقات |
| ۴. همیشه | | |

۲۶۲. روخوانی برایم دشوار است و نمی‌توانم سریع بخوانم.

- | | | |
|----------|------------|---------------|
| ۱. هرگز | ۲. به ندرت | ۳. گاهی اوقات |
| ۴. همیشه | | |

۲۶۳. نمی‌توانم از مطالب درسی نکته‌برداری کنم.

- | | | |
|----------|------------|---------------|
| ۱. هرگز | ۲. به ندرت | ۳. گاهی اوقات |
| ۴. همیشه | | |

۲۶۴. من از روش‌های مطالعه خود آگاهم.

- | | | |
|----------|------------|---------------|
| ۱. هرگز | ۲. به ندرت | ۳. گاهی اوقات |
| ۴. همیشه | | |

۲۶۵. من می‌دانم چه مطالبی برای یادگیری مهم‌تر است.

- | | | |
|----------|------------|---------------|
| ۱. هرگز | ۲. به ندرت | ۳. گاهی اوقات |
| ۴. همیشه | | |

۲۶۶. من ارتباط بین تلاش و هدفم را می‌دانم.

- | | | |
|----------|------------|---------------|
| ۱. هرگز | ۲. به ندرت | ۳. گاهی اوقات |
| ۴. همیشه | | |

۲۶۷. موافق برنامه‌ریزی ام را پیش‌بینی می‌کنم.

- | | | |
|----------|------------|---------------|
| ۱. هرگز | ۲. به ندرت | ۳. گاهی اوقات |
| ۴. همیشه | | |

۲۶۸. می توانم موافع پیش آمده در حین برنامه را مدیریت کنم.
۱. هرگز ۲. به ندرت ۳. گاهی اوقات ۴. همیشه
۲۶۹. در برنامه ریزی وقت کم می آورم.
۱. هرگز ۲. به ندرت ۳. گاهی اوقات ۴. همیشه
۲۷۰. نمی توانم پیامدهای مختلف انتخابیم را در نظر بگیرم.
۱. هرگز ۲. به ندرت ۳. گاهی اوقات ۴. همیشه
۲۷۱. در تصمیم گیری یک گزینه مانع فکر کردن من به سایر گزینه ها می شود.
۱. هرگز ۲. به ندرت ۳. گاهی اوقات ۴. همیشه
۲۷۲. به خاطر برنامه ام از یک فعالیت تفریحی صرف نظر می کنم.
۱. هرگز ۲. به ندرت ۳. گاهی اوقات ۴. همیشه
۲۷۳. کتاب های کمک درسی و آموزشی جدید را دوست دارم.
۱. هرگز ۲. به ندرت ۳. گاهی اوقات ۴. همیشه
۲۷۴. اگر قبلا یک موضوع را اشتباه یاد گرفته باشم، تصحیح آن برایم سخت است.
۱. هرگز ۲. به ندرت ۳. گاهی اوقات ۴. همیشه
۲۷۵. عضویت در یک گروه جدید مرا نگران می کند.
۱. هرگز ۲. به ندرت ۳. گاهی اوقات ۴. همیشه
۲۷۶. برای یادگیری مطالب درسی از مثال های عجیب مخصوص خودم استفاده می کنم.
۱. هرگز ۲. به ندرت ۳. گاهی اوقات ۴. همیشه
۲۷۷. دوست دارم راه حل های متفاوت برای حل یک مساله را پیدا کنم.
۱. هرگز ۲. به ندرت ۳. گاهی اوقات ۴. همیشه
۲۷۸. دوست دارم مطالب مختلف ظاهرا غیر مرتبط را به هم ربط دهم.
۱. هرگز ۲. به ندرت ۳. گاهی اوقات ۴. همیشه
۲۷۹. چه میزان مایل به دریافت توصیه های مرتبه با بهبود آمادگی شناختی خود هستید؟
۱. بسیار زیاد ۲. زیاد ۳. بسیار کم ۴. مایل نیستم
۲۸۰. تاچه میزان انتظار دارید این توصیه ها در بهبود آمادگی شناختی شما موثر باشند؟
۱. بسیار زیاد ۲. زیاد ۳. بسیار کم ۴. انتظار ندارم



آزمون ۲۳ دی ۱۴۰۱ اختصاصی دوازدهم ریاضی (نظام جدید)

نقصد حکم پیکه

پذیدآورندگان

نام طراحان	نام درس	نقضه
عادل حسینی-افشین خاصه‌خان-علی شهرابی-حمدی علیزاده-مهدی ملارمضانی-جهانبخش نیکنام	حسابات ۲ و ریاضی پایه	
امیرحسین ابومحبوب-علی ایمانی-محسن بهرامی-پور علیرضا بیکلری-رضا توکلی-سیدمحمد رضا حسینی فرد افشین خاصه‌خان-سوگند روشنی-علی صادقی-محمد صحت کار-احمدرضا فلاخ-مهرداد ملوندی-مجید نیکنام	هندسه و آمار و ریاضیات گسته	
خسرو ارغوانی‌فرد-بابک اسلامی-عبدالرضا امنی نسب-مهدی آذرنس-زهره آقامحمدی-امیرمهدی جعفری-سیدابوالفضل خالقی مجتبی خلیل‌ارجمدندی-بهنام رسمی-سعید شرق-پویا علاقه‌مند-عبدالله فقه‌زاده-مسعود قره‌خانی-محسن قندچلر-علیرضا گونه- امیرحسین مجوزی-حسین مخدومی-محمد محمود منصوری-سیدعلی میرنوری-مصطفی واثقی-شادمان ویسی	فیزیک	
محمد رضا پورجاود-احمدرضا جعفری‌نژاد-امیر حاتمیان-یاسر راش-روزبه رضوانی-امیرحسین طبی-امیرحسین مسلمی	شیمی	

گزینشگران و ویراستاران

نام درس	حسابات ۲ و ریاضی پایه	هندرس و آمار و احتمال	ریاضیات گسته	فیزیک	شیمی
گزینشگر	عادل حسینی	امیرحسین ابومحبوب سوگند روشنی	سوگند روشنی	بابک اسلامی	ایمان حسین نژاد
گروه ویراستاری	علی سرآبادانی	عادل حسینی	عادل حسینی	حمید زرین کفش زهره آقامحمدی	یاسر راش امیرحسین عزیزی
مسئول درس	ویراستار استاد:	ویراستار استاد:	ویراستار استاد:	ویراستار استاد:	محمدحسن محمدزاده مقدم ویراستار استاد:
مسئول مستندسازی	سمیه اسکندری	سرژ یقیازاریان تبریزی	امیرحسین ابومحبوب	مهدی ملارمضانی	بابک اسلامی

گروه فنی و تولید

محمد اکبری	مدیر گروه
نرگس غنیزاده	مسئول دفترچه
مدیر گروه: محیا اصغری مسئول دفترچه: الهه شهبازی	گروه مستندسازی
میلاد سیاوشی	حروفنگار
سوران نعیمی	ناظر چاپ

گروه آزمون بنیاد علمی آموزشی قلمچی (وقف عام)

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۷۳ - کانون فرهنگی آموزش - تلفن: ۰۲۱-۶۴۶۳

از طرفی معادله به صورت $x^3 + 3x - 1 = 0$ است که در آن حاصل ضرب

$$\Rightarrow A = -(\alpha+1) + \alpha - \frac{1}{2} = -\frac{3}{2} \quad \text{جوابها } \alpha\beta = -1 \text{ است.}$$

(مسابان ا- بیبر و معارله: صفحه‌های ۷ و ۹)

(جهانیش نیکنام)

گزینه «۳» -۴

$x = 3$ جواب معادله است، پس در آن صدق می‌کند:

$$(3)^2 - (3) + \frac{4}{(3)^2 - (3) - 2} + m = 0 \Rightarrow 6 + 1 + m = 0$$

$$\Rightarrow m = -7$$

$$x^2 - x + \frac{4}{x^2 - x - 2} - 7 = 0 \quad \text{پس معادله به صورت روبرو است:}$$

با تغییر متغیر $A = x^2 - x - 2$ داریم:

$$A + 2 + \frac{4}{A} - 7 = 0 \xrightarrow{A \neq 0} A^2 - 5A + 4 = 0$$

$$\Rightarrow (A-4)(A-1) = 0 \Rightarrow A = 1 \text{ یا } 4$$

$$\Rightarrow \begin{cases} A = x^2 - x - 2 = 1 \Rightarrow x^2 - x - 3 = 0 \Rightarrow x = \frac{1 \pm \sqrt{13}}{2} \\ A = x^2 - x - 2 = 4 \Rightarrow x^2 - x - 6 = 0 \Rightarrow x = 3 \text{ یا } -2 \end{cases}$$

کوچکترین جواب $x = -2$ است.

(مسابان ا- بیبر و معارضه: صفحه‌های ۱۷ و ۱۹)

(مهدری ملارمختاری)

گزینه «۴» -۵

نامعادله داده شده را تا حد امکان ساده می‌کنیم:

$$\frac{1}{2}x\sqrt{x} - \frac{1}{2}x - \sqrt{x} + 1 < x - x\sqrt{x}$$

$$\Rightarrow \frac{3}{2}x\sqrt{x} - \frac{3}{2}x - \sqrt{x} + 1 < 0$$

$$\Rightarrow \frac{3}{2}x(\sqrt{x}-1) - (\sqrt{x}-1) < 0 \Rightarrow \left(\frac{3}{2}x-1\right)(\sqrt{x}-1) < 0$$

جدول تعیین علامت عبارت بالا با دامنه $x \geq 0$ می‌نویسیم:

	۰	$\frac{2}{3}$	۱	
$\frac{3}{2}x-1$	-	+	+	
$\sqrt{x}-1$	-	-	+	
$(\frac{3}{2}x-1)(\sqrt{x}-1)$	+	-	+	

ریاضیات

گزینه «۴» -۱

(همید علیزاده)

در ابتدا، مقادیر $x+2$ و $x+10$ باید جملات متوالی دنباله هندسی

باشد، پس باید رابطه $(x+2)(x+10) = (x+2)^2$ برقرار باشد:

$$\Rightarrow x^2 + 10x = x^2 + 4x + 4 \Rightarrow 6x = 4 \Rightarrow x = \frac{2}{3}$$

پس جملات دنباله هندسی $\dots, \frac{2}{3}, \frac{8}{3}, \frac{32}{3}$ است؛ در این دنباله جمله دوم $\frac{8}{3}$ است.

و دنباله حسابی مورد نظر $\dots, \frac{2}{3}, \frac{32}{3}$ است که جمله عمومی آن

$$t_5 = 50 - \frac{28}{3} = \frac{122}{3} \quad t_n = 10n - \frac{28}{3}$$

$$\Rightarrow \frac{\frac{122}{3}}{\frac{8}{3}} = \frac{122}{8} = \frac{61}{4}$$

(ریاضی ا- مجموعه، الگو و دنباله: صفحه‌های ۲۱ و ۲۷)

گزینه «۴» -۲

(مهدری ملارمختاری)

رابطه تقسیم را می‌نویسیم:

$2x^5 - x^3 + 3 = (x+1)q(x) + r$ $-2 - 1 + 3 = 0 + r \Rightarrow r = 0$ $x = -1$ را جای‌گذاری می‌کنیم:

$$\Rightarrow 2x^5 - x^3 + 3 = (x+1)q(x)$$

باقي‌مانده تقسیم چند جمله‌ای $q(x)$ بر $x-1$ برابر $q(1)$ است. پس در

رابطه بالا $x = 1$ را جای‌گذاری می‌کنیم:

$$2 - 1 + 3 = 2q(1) \Rightarrow q(1) = 2$$

(مسابان ا- تابع: صفحه‌های ۱۹ و ۲۰)

گزینه «۴» -۳

(علی شهرابی)

جواب‌های معادله در خود معادله صدق می‌کنند، پس داریم:

$$\alpha^2 + 2\alpha = 1 \Rightarrow \alpha^2 = 1 - 2\alpha$$

حال در عبارت داده شده داریم:

$$A = (\alpha^2 + \alpha)(\beta - \frac{1}{2}) = \alpha^2\beta + \alpha\beta - \frac{1}{2}\alpha^2 - \frac{1}{2}\alpha$$

$$\begin{aligned} A &= \alpha^2\beta + \alpha\beta - \frac{1}{2}(1 - 2\alpha) - \frac{1}{2}\alpha \\ &= \alpha\beta(\alpha+1) + \frac{3}{2}\alpha - \frac{1}{2}\alpha - \frac{1}{2} \end{aligned}$$

(عذرل فسینی)

گزینه «۲»

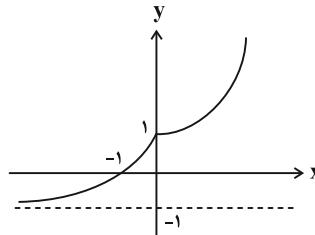
-۸

$$D_{g^{-1}of} = \{x \in D_f \mid f(x) \in D_{g^{-1}}\}$$

دامنه تابع f . $D_f = (-\infty, 1]$ است و از آنجا که دامنه تابع g^{-1} با برد

برابر است، کافی است با رسم نمودار تابع g برد آن را حساب کنیم. این

نمودار را در شکل زیر رسم کرده‌ایم:



با توجه به نمودار بالا، برد g یا دامنه g^{-1} بازه $(-1, +\infty)$ است. حال داریم:

$$D_{g^{-1}of} = \{x \leq 1 \mid 1 - \sqrt{1-x} > -1\} = \{x \leq 1 \mid \sqrt{1-x} < 2\}$$

$$= \{x \leq 1 \mid 1-x < 4\} = \{x \leq 1 \mid x > -3\}$$

$$\Rightarrow D_{g^{-1}of} = (-3, 1] \Rightarrow b-a = 1-(-3) = 4$$

(مسابان ا- تابع: صفحه‌های ۵۷ تا ۶۰ و ۶۶ تا ۶۸)

(همیدر علیز/اره)

گزینه «۴»

-۹

ابتدا معادله لگاریتمی را حل می‌کنیم تا a را پیدا کنیم:

$$\log_{\gamma}(x-1) = \log_{\gamma}x - \frac{1}{2} \Rightarrow \frac{3}{2} \log_{\gamma}(x-1) = \frac{1}{2} \log_{\gamma}x - \frac{1}{2}$$

$$\log_{b^m} a^n = \frac{n}{m} \log_b a \text{ استفاده کرده‌ایم.}$$

طرفین تساوی را در ۲ ضرب می‌کنیم و داریم:

$$3 \log_{\gamma}(x-1) - \log_{\gamma}x = -1 \Rightarrow \log_{\gamma}(x-1)^3 - \log_{\gamma}x = -1$$

$$\Rightarrow \log_{\gamma} \frac{(x-1)^3}{x} = -1 \Rightarrow \frac{(x-1)^3}{x} = \gamma^{-1} = \frac{1}{\gamma}$$

$$\Rightarrow x^3 - 3x^2 + 3x - 1 = \frac{1}{\gamma}x \Rightarrow x^3 - 3x^2 + \frac{3}{\gamma}x - 1 = 0$$

$$\Rightarrow (x-2)(x^2 - x + \frac{1}{\gamma}) = 0 \Rightarrow x = 2$$

وجواب ندارد

پس $a = 2$ جواب معادله است. حال داریم:

$$\log_{a+2}(\Delta a - 2) = \log_4 \lambda = \log_{\gamma^2} 2^3 = \frac{3}{2} \log_{\gamma} 2 = \frac{3}{2}$$

(مسابان ا- توابع نمایی و لگاریتمی: صفحه‌های ۸۶ تا ۹۰)

پس مجموعه جواب‌های نامعادله بازه $(-\frac{2}{3}, 1)$ است و در نتیجه حاصل

$$b-a = \frac{1}{3}$$

(ریاضی ا- معادله ها و نامعادله ها: صفحه های ۸۳ تا ۹۱)

گزینه «۳»

(همیدر علیز/اره)

روش اول: اگر در ضابطه $f \circ g$ را قرار دهیم به ضابطه f خواهیم رسید:

$$(f \circ g)(g^{-1}(x)) = f(g^{-1}(x)) = \frac{g^{-1}(x)+1}{g^{-1}(x)-1}$$

$$g^{-1}(x) = \frac{-x}{x-1} = \frac{x}{1-x}$$

$$f(x) = \frac{1-x}{x-1} = \frac{1-x}{2x-1} = \frac{1}{2x-1}$$

روش دوم: قطعاً عددگذاری در چنین سوالاتی راهگشا و ساده‌کننده است. پس

سعی کنید با انتخاب مقادیر مناسب x مقدار $f(x)$ را حساب کنید و این مقادیر

را در گزینه‌ها راستی آزمایی کنید. به طور مثال، با جایگذاری $x = 0$ داریم:

$$g(0) = 0, (f \circ g)(0) = -1 \Rightarrow f(0) = -1$$

که فقط در ضابطه گزینه «۳» این تساوی برقرار می‌شود.

(مسابان ا- تابع: صفحه‌های ۵۷ تا ۶۰ و ۶۶ تا ۶۸)

گزینه «۳»

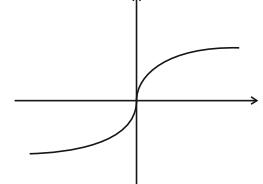
(افشین فاصله‌فان)

ضابطه تابع f . $f(x) = x^3 - 1$ به دست می‌آید:

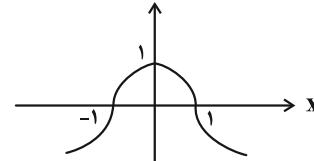
$$\Rightarrow f^{-1}(x) = \sqrt[3]{x+1} \Rightarrow g(x) = \sqrt[3]{1-|x|}$$

$$\Rightarrow g(x) = \begin{cases} \sqrt[3]{1+x} ; & x < 0 \\ \sqrt[3]{1-x} ; & x \geq 0 \end{cases}$$

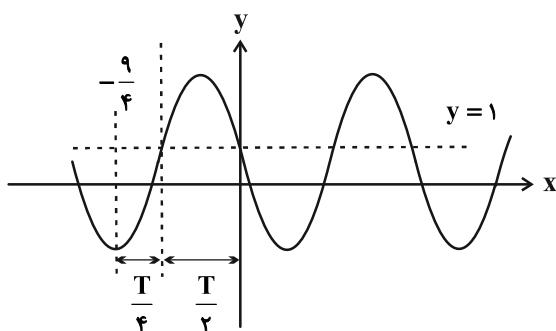
نمودار تابع $y = \sqrt[3]{x}$ به صورت زیر است:



پس نمودار تابع g به صورت زیر خواهد شد:



(مسابان ا- تابع: صفحه‌های ۱۳۰ و ۱۳۱)



با توجه به نمودار بالا $\frac{9}{4}$ دوره تناوب برابر $\frac{3}{4}$ شده است.

$$\frac{3T}{4} = \frac{9}{4} \Rightarrow T = 3 \Rightarrow \frac{2\pi}{c\pi} = 3 \Rightarrow c = \frac{2}{3}$$

$$\begin{aligned} \Rightarrow f(x) &= 1 - \frac{3}{2} \sin \frac{2}{3} \pi x \Rightarrow f\left(\frac{11}{2}\right) = 1 - \frac{3}{2} \sin \frac{11\pi}{3} \\ &= 1 - \frac{3}{2} \sin\left(4\pi - \frac{\pi}{3}\right) = 1 - \frac{3}{2} \sin\left(-\frac{\pi}{3}\right) = 1 + \frac{3}{2} \sin \frac{\pi}{3} \\ &= 1 + \frac{3}{2} \left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right) = 1 + \frac{3\sqrt{3}}{4} \end{aligned}$$

(مسابان ۳ - مثالات: صفحه‌های ۲۴ و ۲۵)

(عادل فسینی)

«۲» - ۱۳

$$\begin{aligned} \sin x &= 1 - \frac{1}{2} \cot^2 x = 1 - \frac{1}{2} \left(\frac{1}{\sin^2 x} - 1\right) \\ \Rightarrow \sin x &= \frac{3}{2} - \frac{1}{2} \frac{x \sin^2 x}{\sin^2 x} \rightarrow 2 \sin^3 x = 3 \sin^2 x - 1 \\ \Rightarrow 2 \sin^3 x - 3 \sin^2 x + 1 &= (\sin x - 1)(2 \sin^2 x - \sin x - 1) \\ &= (\sin x - 1)(\sin x - 1)(2 \sin x + 1) \\ &= (\sin x - 1)^2 (2 \sin x + 1) = 0. \end{aligned}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} \sin x = 1 \xrightarrow{x \in (0, 2\pi)} x = \frac{\pi}{2} \\ \sin x = -\frac{1}{2} \xrightarrow{x \in (0, 2\pi)} x = \frac{7\pi}{6}, \frac{11\pi}{6} \end{cases}$$

پس مجموع این جوابها برابر است با:

(مسابان ۳ - مثالات: صفحه‌های ۲۴ و ۲۵)

(محمد علیزاده)

«۱» - ۱۴

در همسایگی راست $[x] = 3$ ، $x = 3$ است و حاصل حد به صورت زیر

$$\lim_{x \rightarrow 3^+} \frac{x-3}{\sqrt{x+6}-3}$$

حد صفر صفرم است و از ساده‌ترین روش، یعنی هوپیتال حل می‌کنیم.

(علی شهرابی)

«۱ - گزینه»

$$\begin{aligned} \text{با توجه به تعریف اولیه } \tan \alpha &= \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha} \text{ یعنی } \tan 40^\circ \text{ داریم:} \\ \sin 40^\circ \left(\frac{\sin 20^\circ}{\cos 20^\circ} + \frac{\sin 110^\circ}{\cos 110^\circ} \right) \\ &= \sin 40^\circ \times \frac{\sin 20^\circ \cos 110^\circ + \cos 20^\circ \sin 110^\circ}{\cos 20^\circ \cos 110^\circ} \\ &= \sin 40^\circ \times \frac{\sin(20^\circ + 110^\circ)}{\cos 20^\circ \cos 110^\circ} = \sin 40^\circ \times \frac{\sin 130^\circ}{\cos 20^\circ (-\sin 20^\circ)} \\ &= \sin 40^\circ \times \frac{\cos 40^\circ}{-\frac{1}{2} \sin 40^\circ} = -2 \cos 40^\circ = -2 \sin 80^\circ \end{aligned}$$

(مسابان ۱ - مثالات: صفحه‌های ۲۴ و ۲۵)

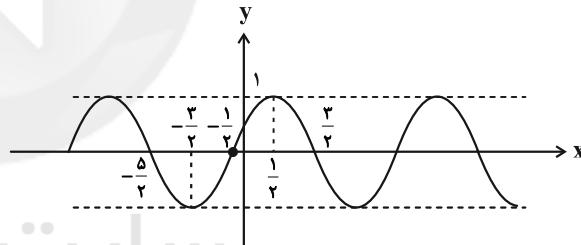
(مهربی ملارمختانی)

«۲ - گزینه»

$$y = \sin\left(\frac{\pi}{2}x + \frac{\pi}{4}\right)$$

برای رسم این نمودار، کافی است نمودار $y = \sin x$ را $\frac{\pi}{4}$ واحد به چپ

ببریم و در نهایت طول نقاط را بر $\frac{\pi}{2}$ تقسیم کنیم؛ داریم:



با توجه به نمودار بالا، تابع روی بازه $\left[-\frac{3}{2}, \frac{1}{2}\right]$ اکیداً صعودی است. پس

حداکثر مقدار k برابر $\frac{1}{2}$ است.

(مسابان ۲ - مثالات: صفحه‌های ۲۴ و ۲۵)

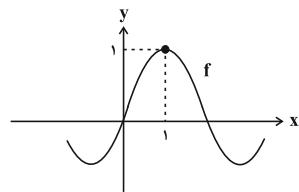
(مهربی ملارمختانی)

«۴ - گزینه»

نمودار در همسایگی $x = 0$ نزولی است. پس $b < 0$ و در نتیجه $bc > 0$. ما برای سادگی هر دو مقدار b و c را مثبت می‌گیریم.

مقدار ماکزیمم برابر $\frac{5}{2}$ و مقدار مینیمم برابر $-\frac{1}{2}$ است.

$$\begin{cases} y_{\min} = a - b = -\frac{1}{2} \\ y_{\max} = a + b = \frac{5}{2} \end{cases} \Rightarrow a = 1, b = \frac{3}{2}$$



دقت کنید که برای پیوستگی تابع f روی \mathbb{R} لازم است که $f(1) = a = 1$ باشد.
با توجه به نمودار تابع f مشخص است که در همسایگی $x = 1$ ، مقادیر
تابع کمتر از ۱ است، پس داریم:

$$\lim_{x \rightarrow 1^-} (gof)(x) = \lim_{x \rightarrow 1^-} g(x) = \lim_{x \rightarrow 1^-} (3x - 2) = 1$$

از طرفی مقدار تابع نیز در $x = 1$ برابر است با:

$$(gof)(1) = g(f(1)) = g(1) = 1$$

حد و مقدار تابع gof در $x = 1$ برابر است. پس تابع در این نقطه پیوسته است.
(مسابان ا- مر و پیوستگی: صفحه‌های ۱۵ تا ۲۰)

(علی شهرابی)

گزینه «۱»

تابع f در $x = 0$ پیوسته است، پس مماس‌های چپ و راست دارد.

$$\Rightarrow f'(x) = \begin{cases} \cos x - 2 & ; x < 0 \\ 3x^2 + 2 & ; x \geq 0 \end{cases} \Rightarrow f'_-(0) = -1, f'_+(0) = 2$$

برای عبارت داده شده می‌توانیم بنویسیم:

$$\lim_{h \rightarrow 0^+} \frac{f(h) - f(-h)}{h} = \lim_{h \rightarrow 0^+} \frac{f(h)}{h} - \lim_{h \rightarrow 0^+} \frac{f(-h)}{h}$$

$$= \lim_{h \rightarrow 0^+} \frac{f(h)}{h} + 2 \lim_{H \rightarrow 0^-} \frac{f(H)}{H}$$

که در آن $H = -h$ است.

$$\Rightarrow \lim_{h \rightarrow 0^+} \frac{f(h) - f(-h)}{h} = f'_+(0) + 2f'_-(0) = 2 - 2 = 0$$

(مسابان ا- مشتق: صفحه‌های ۷۷، ۸۷، ۹۳ و ۹۶)

(بهانش نیلانم)

گزینه «۱»

در همسایگی راست و چپ $x = 1$ ، ضابطه‌های f به صورت زیر هستند:

$$f(x) = \begin{cases} ax^3 - 2 & ; x < 1 \\ bx^2 + x & ; x \geq 1 \end{cases}$$

در ابتدا تابع باید پیوسته باشد:

$$\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x) = f(1) = \lim_{x \rightarrow 1^+} f(x)$$

$$\Rightarrow a - 2 = b + 1 \Rightarrow a - b = 3 \quad (1)$$

مشتق تابع هم به صورت زیر است:

$$f'(x) = \begin{cases} 3ax^2 & ; x < 1 \\ 2bx + 1 & ; x \geq 1 \end{cases} \Rightarrow f'_-(1) = 3a, f'_+(1) = 2b + 1$$

شرط دوم آن است که مشتق‌های چپ و راست تابع f در $x = 1$ برابر باشند.

$$= \lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{1}{\frac{1}{2\sqrt{x+6}}} = \lim_{x \rightarrow 1^+} 2\sqrt{x+6} = 6$$

(مسابان ا- مر و پیوستگی: صفحه‌های ۱۵ تا ۲۰)

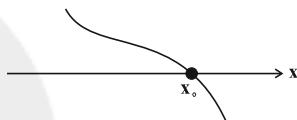
گزینه «۴»

عبارت صورت ضابطه، همواره مثبت است، زیرا در این عبارت درجه دوم،

ضریب x^2 مثبت و Δ منفی است:

$$\Delta = (2)^2 - 4(1)(3) = -8 < 0 \Rightarrow 1 + 2x + 3x^2 > 0$$

تابع چندجمله‌ای $y = -3x^3 - 2x + 1$ که در مخرج ضابطه f قرار گرفته است. یک تابع اکیداً نزولی با دامنه و برد \mathbb{R} است. نمودار این تابع در همسایگی تنها صفر حقیقی آن به صورت زیر است:



پس با توجه به این نمودار داریم:

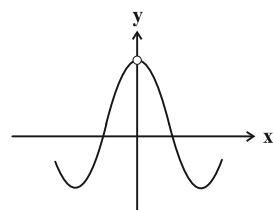
$$\left. \begin{array}{l} \lim_{x \rightarrow x_0^-} f(x) = \frac{\text{عدد مثبت}}{+} = +\infty \\ \lim_{x \rightarrow x_0^+} f(x) = \frac{\text{عدد مثبت}}{-} = -\infty \end{array} \right\} \text{نمودار گزینه «۴» درست است.}$$

(مسابان ا- فرایند نامتناهی - مر در بین نهایت: صفحه‌های ۴۹ تا ۵۱)

گزینه «۱»

(غارل مسینی)

نمودار تابع $y = \frac{\sin x}{x}$ را در نظر بگیرید:



برای رسم نمودار تابع f ، کافی است نمودار بالا در راستای افقی با ضریب

π منطبق کنیم، سپس آن را یک واحد به راست انتقال دهیم:

$$y = \frac{\sin x}{x} \xrightarrow{\text{انقباض افقی با ضریب } \pi} y = \frac{\sin \pi x}{\pi x}$$

$$\xrightarrow{x \rightarrow x-1} f(x) = \frac{\sin \pi(x-1)}{\pi(x-1)} = \frac{-\sin \pi x}{\pi(x-1)} = \frac{\sin \pi x}{\pi(1-x)}$$

پس نمودار آن در همسایگی $x = 1$ به صورت زیر است:

(علی شهرابی)

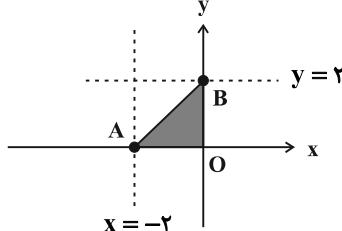
گزینه «۴»

در ابتدا تابع داده شده باید هموگرافیک باشد، پس داریم:

$$f(x) = \frac{ax^2 + 2ax - x^2 + 1}{x+2} = \frac{(a-1)x^2 + 2ax + 1}{x+2}$$

یعنی لازم است ضریب x^2 صفر شود تا صورت نیز یک عبارت درجه یک شود:

$$a-1=0 \Rightarrow a=1 \Rightarrow f(x) = \frac{2x+1}{x+2}$$

بنابراین خطوط $y=2$ و $x=-2$ به ترتیب مجانب‌های قائم و افقی نمودار هستند.


مساحت مثلث هاشورخورده در شکل بالا برابر ۲ است.

(مسابان ۲-کاربردهای مشتق: صفحه‌های ۱۰۵ و ۱۰۶)

(عادل حسینی)

گزینه «۳»
 $x = -1$ یکی از صفرهای تابع است.

$$\Rightarrow f(-1) = 1 - a - b + c = 0 \Rightarrow a + b - c = 1 \quad (1)$$

همچنین $x = -1$ طول نقطه عطف با مماس افقی است.

$$\Rightarrow \begin{cases} f'(x) = 4x^3 + 3ax^2 + b & f'(-1)=0 \\ -4 + 3a + b = 0 \Rightarrow 3a + b = 4 & \text{مماس افقی} \\ f''(x) = 12x^2 + 6ax & f''(-1)=0 \\ 12 - 6a = 0 \Rightarrow a = 2 & \text{نقطه عطف} \end{cases} \quad (2)$$

$$\xrightarrow{(2)} b = -2 \xrightarrow{(1)} c = -1$$

$$\Rightarrow f(x) = x^4 + 2x^3 - 2x - 1, f'(x) = 4x^3 + 6x^2 - 2$$

$$f'(x) = 2(2x^3 + 3x^2 - 1) = 2(x+1)^2(2x-1) = 0$$

$$\Rightarrow x = -1, x = \frac{1}{2}$$

جدول تغییرات رفتار f به صورت زیر است:

x	-1	$\frac{1}{2}$	
$f'(x)$	-	-	+
$f(x)$	↓	↓	↗

min

$$\text{پس مقدار مینیمم نسبی برای } f\left(\frac{1}{2}\right) = -\frac{27}{16} \text{ است.}$$

(مسابان ۲-کاربردهای مشتق: صفحه‌های ۱۰۳، ۱۰۴، ۱۰۵ و ۱۰۶)

$$S_1 = S_{ABMN} = AB \times AN = 3 \times \sqrt{4^2 + 2^2} = 6\sqrt{5}$$

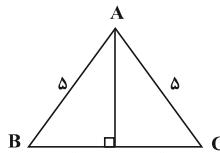
سطح مقطع ACMP نیز در برخورد صفحه P با مکعب مستطیل حاصل می‌شود:

$$S_2 = S_{ACMP} = AC \times AP = \sqrt{3^2 + 4^2} \times 2 = 10$$

$$\frac{S_2}{S_1} = \frac{10}{6\sqrt{5}} = \frac{\sqrt{5}}{3}$$

(هنرسهه ا- تبعیم فضایی؛ صفحه‌های ۵۷ و ۹۳)

(امیرحسین ابومهوب)



گزینه «۳» -۲۶

$$2P = 5 + 5 + 6 = 16 \Rightarrow P = 8$$

محیط این مثلث برابر است با:

با محاسبه طول ارتفاع وارد بر قاعده، مساحت مثلث را به دست می‌آوریم:

$$\Delta AHC : AH^2 = AC^2 - CH^2 = 25 - 9 = 16 \Rightarrow AH = 4$$

$$S = \frac{1}{2} AH \times BC = \frac{1}{2} \times 4 \times 6 = 12$$

اگر شعاع دایره‌های محاطی خارجی نظیر قاعده و ساق را به ترتیب با r_a و

$$r_a = \frac{S}{P-a} = \frac{12}{8-6} = 6$$

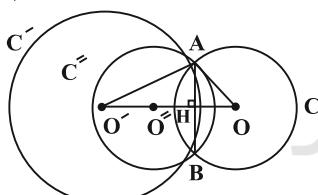
$$r_b = \frac{S}{P-b} = \frac{12}{8-5} = 4$$

$$\frac{r_a}{r_b} = \frac{6}{4} = \frac{3}{2}$$

(هنرسهه ا- دایره؛ صفحه‌های ۲۵ و ۲۶)

(امیرحسین ابومهوب)

گزینه «۴» -۲۷



مطابق شکل در مثلث OAO' است. $O'A = 4$ و $OA = 3$ ، $OO' = 5$ ، $OAO' = 90^\circ$ است. با توجه به اینکه طول اضلاع این مثلث در قضیه فیثاغورس صدق می‌کند، پس این مثلث قائم‌الزاویه است و طبق روابط طولی در مثلث قائم‌الزاویه داریم:

$$OA^2 = OH \times OO' \Rightarrow 9 = OH \times 5 \Rightarrow OH = \frac{9}{5}$$

اگر O'' مرکز دایرة C'' باشد، با توجه به طول پایی بازتاب داریم:

$$O''H = OH = \frac{9}{5} \Rightarrow O''O'' = 5 - 2 \times \frac{9}{5} = \frac{7}{5}$$

شعاع دایرة C'' برابر شعاع دایرة C است، پس طول مماس مشترک خارجی دایره‌های C' و C'' برابر است با:

$$\sqrt{O''O''^2 - (R' - R'')^2} = \sqrt{\left(\frac{7}{5}\right)^2 - (4 - 3)^2} = \sqrt{\frac{24}{25}} = \frac{2\sqrt{6}}{5}$$

(هنرسهه ا- تبدیل های هندسی و کاربردها؛ صفحه‌های ۳۷ و ۴۰)

(اخشن فاضه‌فان)

گزینه «۴» -۲۸

برای افزایش مساحت چندضلعی بدون تغییر محیط، کافی است بازتاب نقطه B را نسبت به خط گذرنده از نقاط A و C به دست آوریم. مطابق شکل

(سید محمد رضا مسینی فر)

-۲۳ گزینه «۴»

فرض کنید $\frac{AM}{AD} = \frac{k}{k+1}$ باشد. در این صورت $\frac{AM}{MD} = k$ است.

$\frac{MD}{AD} = \frac{1}{k+1}$ با فرض $MP = PQ = QN = x$ داریم:

$$\Delta ABD : MP \parallel AB \xrightarrow{\text{تعیین قضیه تالس}} \frac{MP}{AB} = \frac{MD}{AD}$$

$$\Rightarrow \frac{x}{3} = \frac{1}{k+1} \quad (1)$$

$$\Delta ACD : MQ \parallel CD \xrightarrow{\text{تعیین قضیه تالس}} \frac{MQ}{DC} = \frac{AM}{AD}$$

$$\Rightarrow \frac{2x}{4} = \frac{k}{k+1} \quad (2)$$

$$\frac{x}{2} + \frac{x}{4} = \frac{1}{k+1} + \frac{k}{k+1} = 1$$

$$\Rightarrow \frac{3x}{4} = 1 \Rightarrow x = \frac{4}{3}$$

$$MN = 3 \times \frac{4}{3} = \frac{12}{3} = 4$$

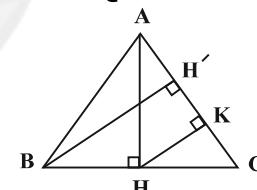
(هنرسهه ا- قضیه تالس، تشابه و کاربردهای آن؛ صفحه‌های ۳۷ و ۳۸)

(مهرداد ملوندی)

-۲۴ گزینه «۴»

اندازه دو ارتفاع برابر ۴ است، پس این مثلث متساوی الساقین است.

مطابق شکل ارتفاع $AH = 6$ ، میانه ضلع BC نیز است.



از نقطه H عمود HK را بر ساق AC رسم می‌کنیم که طول آن (بر اساس تعیین قضیه تالس) نصف ارتفاع $BH' = 4$ ، یعنی برابر ۲ است.

طبق قضیه فیثاغورس در مثلث AHK داریم:

$$AK^2 = AH^2 - HK^2 = 36 - 4 = 32 \Rightarrow AK = 4\sqrt{2}$$

از طرفی طبق روابط طولی در مثلث قائم‌الزاویه AHC داریم:

$$AH^2 = AK \cdot AC \Rightarrow AC = \frac{36}{4\sqrt{2}} = \frac{9}{\sqrt{2}}$$

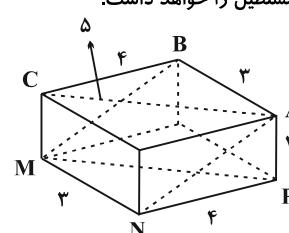
$$S_{ABC} = \frac{1}{2} BH' \cdot AC = \frac{1}{2} \times 4 \times \frac{9}{\sqrt{2}} = \frac{18}{\sqrt{2}} = 9\sqrt{2}$$

(هنرسهه ا- پهن‌ضلعی‌ها؛ صفحه‌های ۶۵ و ۶۶)

(مهرداد ملوندی)

-۲۵ گزینه «۱»

مطابق شکل، سطح مقطع $ABMN$ بزرگ‌ترین مساحت ممکن در برخورد صفحه P_1 با مکعب مستطیل را خواهد داشت.



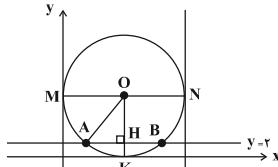


$$|2A^{-1}| = 2^2 |A^{-1}| = 4 \times \frac{1}{\lambda} = \frac{1}{2}$$

(هنرمه ۳ - ماتریس و کاربردها: صفحه های ۵۷ و ۳۷)

(امیرحسین ایوبیو)

گزینه «۳» - ۳۲



اگر شعاع دایره مورد نظر را برابر R فرض کنیم، آنگاه مختصات مرکز دایره به صورت $O(R, R)$ است. مطابق شکل داریم:

$$AB = 12 \Rightarrow AH = 6$$

$$OH = OK - HK = R - 2$$

$$\Delta OAH: OA^2 = OH^2 + AH^2 \Rightarrow R^2 = (R-2)^2 + 6^2$$

$$\Rightarrow R^2 = R^2 - 4R + 4 + 36 \Rightarrow 4R = 40 \Rightarrow R = 10$$

بنابراین طول قطر دایره برابر $2R = 20$ و در نتیجه طول نقطه N برابر 20 است و خط $X = 20$ بر این دایره مماس است.

(هنرمه ۳ - آشنایی با مقاطع مفروضی: صفحه های ۴۰ تا ۴۶)

(علی ایمانی)

گزینه «۱» - ۳۳

می دانیم فاصله هر نقطه واقع بر سهمی از کانون و خط هادی برابر یکدیگر است، پس $NF = NM$ و $AF = AH$ است. با فرض $MN = x$ داریم:

$$\Delta BH F: MN \parallel HF \xrightarrow{\text{تعمیم قضیه تالس}} \frac{MN}{HF} = \frac{BN}{BF}$$

$$\Rightarrow \frac{x}{\frac{4}{2}} = \frac{4}{x+4} \Rightarrow x(x+4) = 8 \Rightarrow x^2 + 4x - 8 = 0$$

$$\Delta = 4^2 - 4(-8) = 48$$

$$x = \frac{-4 \pm 4\sqrt{3}}{2} \Rightarrow \begin{cases} x = 2\sqrt{3} - 2 \\ x = -2\sqrt{3} - 2 \end{cases}$$

(هنرمه ۳ - آشنایی با مقاطع مفروضی: مشابه تمرين ۱۲ صفحه ۵۸)

(سونگر، روشنی)

گزینه «۱» - ۳۴

برای دو بردار \vec{a} و \vec{b} داریم:

$$|\vec{a} \times \vec{b}|^2 + (\vec{a} \cdot \vec{b})^2 = |\vec{a}|^2 |\vec{b}|^2$$

$$\Rightarrow (4\sqrt{2})^2 + (-2)^2 = 2^2 \times |\vec{b}|^2 \Rightarrow 36 = 4 |\vec{b}|^2 \Rightarrow |\vec{b}|^2 = 9$$

$$|\vec{a} + \vec{b}|^2 = |\vec{a}|^2 + |\vec{b}|^2 + 2\vec{a} \cdot \vec{b} = 4 + 9 + 2(-2) = 9$$

$$\Rightarrow |\vec{a} + \vec{b}| = 3$$

(هنرمه ۳ - برآرها: صفحه های ۷۷ تا ۸۱)

(سونگر، روشنی)

گزینه «۴» - ۳۵

سه بردار \vec{a} ، \vec{b} و \vec{c} در یک صفحه قرار دارند، پس $\vec{a} \cdot (\vec{b} \times \vec{c}) = 0$ است.

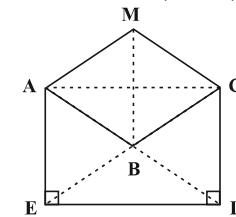
$$\vec{b} = (3, 2, 2) \Rightarrow \vec{b} \times \vec{c} = (4+2m, -4, -3m-2) \quad \text{بنابراین داریم: } \vec{c} = (1, -m, 2)$$

$$\vec{a} \cdot (\vec{b} \times \vec{c}) = 0 \Rightarrow (2, m, -2) \cdot (4+2m, -4, -3m-2) = 0$$

$$\Rightarrow 8 + 4m - 4m + 6m + 4 = 0 \Rightarrow 6m = -12 \Rightarrow m = -2$$

برآرها: $e = (5, 0, -2)$ و $\vec{d} = (2, 3, 4)$ را در نظر می گیریم. قطرهای متوازی الأضلاعی که روی این دو بردار ساخته می شوند، برآرهاي

چهارضلعی $ACDE$ مستطیل است و مساحت مثلث های ABC ، ABE ، BDE و BCD برابر یکدیگر است.



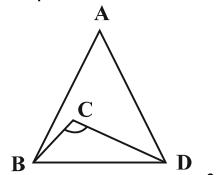
از طرفی دو مثلث ABC و AMC هم نهشت هستند و مساحت آنها برابر یکدیگر است. اگر مساحت هر کدام از این مثلث ها را با S نمایش دهیم، داریم:

$$\frac{S_{ABCDE}}{S_{AMCDE}} = \frac{4S}{5S} = \frac{4}{5}$$

(هنرمه ۲ - تبدیل های هندسی و کاربردها: صفحه های ۵۳ و ۵۴)

(امیرحسین ایوبیو)

گزینه «۲» - ۲۹

طبق قضیه کسینوس ها در مثلث BCD داریم:

$$BD^2 = BC^2 + CD^2 - 2BC \times CD \times \cos C$$

$$= (\sqrt{5}-1)^2 + (\sqrt{5}+1)^2 - 2(\sqrt{5}-1)(\sqrt{5}+1)(-\frac{1}{2})$$

$$= 6 - 2\sqrt{5} + 6 + 2\sqrt{5} + (5-1) = 16 \Rightarrow BD = 4$$

طبق قضیه هرون در مثلث ABD داریم:

$$P = \frac{5+7+4}{2} = 8$$

$$S_{ABD} = \sqrt{P(P-a)(P-b)(P-c)} = 4\sqrt{6}$$

(هنرمه ۲ - روابط طولی در مثلث: صفحه های ۶۶ تا ۶۹ و ۷۱)

(امیرحسین ایوبیو)

گزینه «۴» - ۳۰

ابتدا سطر سوم ماتریس AB را محاسبه می کنیم:

$$AB = \begin{bmatrix} \quad & \quad & \quad \\ \quad & 2 & -1 \\ \quad & 3 & 5 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 & -1 & 1 \\ 3 & 0 & 5 \\ -2 & 0 & -3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \quad & \quad & \quad \\ \quad & 1 & -2 \\ \quad & 0 & -7 \end{bmatrix}$$

برای محاسبه سطر سوم ماتریس ABC ، کافی است سطر سوم ماتریس AB را در ماتریس C ضرب کنیم.

$$ABC = \begin{bmatrix} \quad & \quad & \quad \\ \quad & 1 & 2 & -1 \\ \quad & 3 & 2 & 1 \\ \quad & 0 & -3 & -2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 2 & -1 \\ 3 & 2 & 1 \\ -1 & -2 & -1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \quad & \quad & \quad \\ \quad & 1 & 2 & 4 \\ \quad & -2 & 8 & 4 \end{bmatrix}$$

$$= 1 - 2 + 8 + 4 = 10$$

(هنرمه ۳ - ماتریس و کاربردها: صفحه های ۱۷ تا ۲۱)

(امیرحسین ایوبیو)

گزینه «۱» - ۳۱

ابتدا از طرفین رابطه صورت سؤال دترمینان می گیریم:

$$|4A| = \begin{vmatrix} |A| & -4 \\ 16 & |A| \end{vmatrix} \Rightarrow 16 |A| = |A|^2 + 64$$

$$\Rightarrow |A|^2 - 16 |A| + 64 = 0$$

$$\Rightarrow (|A| - 8)^2 = 0 \Rightarrow |A| - 8 = 0$$

$$\Rightarrow |A| = 8 \Rightarrow |A|^{-1} = \frac{1}{|A|} = \frac{1}{8}$$

$$= \frac{26}{3 \times 6 \times 6} = \frac{13}{54}$$

(آمار و احتمال - احتمال: صفحه های ۵۱ تا ۶۰)

(علیرضا پیکری)

گزینه «۳» - ۳۹

$$\frac{f_i}{n} = \frac{2}{10} = \frac{1}{5} \Rightarrow \frac{n}{f_i} = 5$$

فرابانی نسبی

$$x = \frac{\lambda f_i}{n - f_i + \lambda f_i} = \frac{\lambda f}{n + \lambda f}$$

$$\Rightarrow x = \frac{\lambda f_i}{\lambda f_i + \lambda f_i} = \frac{\lambda}{12} = \frac{2}{3}$$

(آمار و احتمال - آمار توصیفی: صفحه های ۷۳ تا ۸۲)

(علیرضا پیکری)

گزینه «۴» - ۴۰

$n = 400$

$\sigma^2 = 9 \Rightarrow \sigma = 3$ واریانس

۴۰۰(۴۰۱)

$$x = \frac{1+2+3+\dots+400}{400} = \frac{2}{400} = 200/5$$

$$: \text{فاصله اطمینان } 95\% \text{ جامعه} \\ = \left[\bar{x} - \frac{2\sigma}{\sqrt{n}}, \bar{x} + \frac{2\sigma}{\sqrt{n}} \right]$$

$$= \left[200/5 - \frac{2 \times 3}{\sqrt{400}}, 200/5 + \frac{2 \times 3}{\sqrt{400}} \right] = [200/2, 200/8]$$

(آمار و احتمال - آمار استیباطی: صفحه های ۱۲۱ و ۱۲۲)

(امیرحسین ابومحبوب)

گزینه «۱» - ۴۱

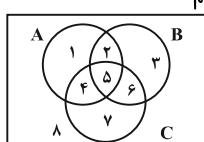
روش اول: از طرفین رابطه صورت سوال با مجموعه **B** اشتراک می گیریم:

$A - B = A - C \Rightarrow A \cap B' = A \cap C'$

$\Rightarrow (A \cap B') \cap B = (A \cap C') \cap B$

$\Rightarrow A \cap (B' \cap B) = (A \cap B) \cap C' \Rightarrow \emptyset = (A \cap B) - C$

$\Rightarrow (A \cap B) \subseteq C$

روش دوم: نمودار ون را برای سه مجموعه **A** و **B** و **C** رسم کرده و نواحی را مطابق شکل نام گذاری می کنیم. در این صورت داریم:

$A - B = \{1, 4\}$

$A - C = \{1, 2\}$

تنهای در صورتی دو مجموعه **A - B** و **A - C** برابر یکدیگر خواهند بود که دو ناحیه ۲ و ۴ تهی باشند. در این صورت $A \cap B$ تنهای شامل ناحیه ۵ بوده که این ناحیه به مجموعه **C** نیز تعلق دارد، پس $(A \cap B) \subseteq C$. به طور مشابه می توان نشان داد $(A \cap C) \subseteq B$ است.

(آمار و احتمال - آشنایی با مبانی ریاضیات: صفحه های ۲۲ تا ۳۴)

(علی صادقی)

گزینه «۱» - ۴۲

طبق قضیه تقسیم داریم: $a = 41q + r$ به طوری که $41 < r < 41$ و $a = 41q + q^2 - 123 \Rightarrow r = q^2 - 123$ در نتیجه: همچنین طبق فرض $r = q^2 - 123$

$0 \leq r < 41 \Rightarrow 0 \leq q^2 - 123 < 41 \Rightarrow 123 \leq q^2 < 164$

$\Rightarrow \sqrt{123} \leq q < \sqrt{164} \quad q \in \mathbb{Z} \Rightarrow q = 12$

$a = 41(12) + 12^2 - 123 = 513 \quad \text{بنابراین}$

است. اگر زاویه بین این دو بردار برابر θ باشد، آن گاه داریم:

$$\cos \theta = \frac{(\vec{d} + \vec{e}) \cdot (\vec{d} - \vec{e})}{|\vec{d} + \vec{e}| |\vec{d} - \vec{e}|} = \frac{-21 + 9 + 12}{\sqrt{49 + 9 + 4} \times \sqrt{9 + 9 + 36}} =$$

$\Rightarrow \theta = 90^\circ$

(هنرمه ۳ - بردارها: صفحه های ۷۷ تا ۸۱)

(امیرضا غلاح)

گزینه «۳» - ۳۶

طبق قوانین گزاره ها داریم:

بنابراین عبارت صورت سوال به صورت $p \Rightarrow T$ در می آید که به دلیل درستی تالی همواره درست است.

(آمار و احتمال - آشنایی با مبانی ریاضیات: صفحه های ۶ تا ۱۱)

(امیرضا غلاح)

گزینه «۴» - ۳۷

پیشامد آنکه سکه ۳ بار رو آمدہ باشد: **A**پیشامد آنکه تاس عدد ۴ آمدہ باشد: **B**

برای آنکه سکه ۳ بار رو آمدہ باشد، باید عدد تاس حداقل ۳ آمدہ باشد:

$$P(A) = \frac{1}{6} \times \frac{\binom{3}{3}}{\binom{3}{3}} + \frac{1}{6} \times \frac{\binom{3}{2}}{\binom{4}{2}}$$

↓ تاس عدد ۳
↓ هر ۳ سکه رو
↓ تاس عدد ۴
↓ سکه از ۳ سکه رو

$$+ \frac{1}{6} \times \frac{\binom{5}{3}}{\binom{5}{3}} + \frac{1}{6} \times \frac{\binom{6}{2}}{\binom{6}{2}}$$

↓ تاس عدد ۵
↓ سکه از ۳ سکه رو
↓ سکه از ۳ سکه رو

$$= \frac{1}{6} \times \frac{1}{6} + \frac{1}{6} \times \frac{4}{16} + \frac{1}{6} \times \frac{10}{32} + \frac{1}{6} \times \frac{20}{64} = \frac{1}{6} \times \left(\frac{8+16+20+20}{64} \right)$$

$$= \frac{64}{6 \times 64} = \frac{1}{6}$$

$$P(B | A) = \frac{P(A \cap B)}{P(A)} = \frac{\frac{1}{6} \times \frac{\binom{3}{3}}{\binom{3}{3}}}{\frac{1}{6}} = \frac{4}{16} = \frac{1}{4}$$

(آمار و احتمال - احتمال: صفحه های ۵۱ تا ۶۰)

(رضا توکلی)

گزینه «۲» - ۳۸

نمودار درختی مریبوط به سوال را رسم می کنیم:

$$\begin{cases} \frac{4}{6} \text{ هر دو مهره سفید} & \frac{3}{6} \text{ جعبه A, B, C} \\ \frac{3}{6} \text{ انتخاب شود} & \\ \frac{4}{6} \text{ هر دو مهره سفید} & \frac{2}{6} \text{ جعبه A, C} \\ \frac{3}{6} \text{ انتخاب شود} & \\ \frac{3}{6} \text{ هر دو مهره سفید} & \frac{1}{6} \text{ جعبه B, C} \\ \frac{2}{6} \text{ انتخاب شود} & \end{cases}$$

طبق قانون احتمال کل داریم:

$$= \frac{1}{3} \times \frac{4}{6} \times \frac{3}{6} + \frac{1}{3} \times \frac{4}{6} \times \frac{2}{6} + \frac{1}{3} \times \frac{3}{6} \times \frac{1}{6}$$



(عبدالله نجفیزاده)

«۳» - ۵۴

$$\begin{aligned} \Delta L_{Cu} &= \alpha_{Cu} L_{1,Cu} \Delta \theta_{Cu} \Rightarrow 120 \times 1 / 2 \times 10^{-5} \times x = 204 \times 10^{-5} x \\ \Delta L_{Al} &= \alpha_{Al} L_{1,Al} \Delta \theta_{Al} \Rightarrow 120 \times 2 / 3 \times 10^{-5} \times x = 276 \times 10^{-5} x \\ \Rightarrow \Delta L_{Al} - \Delta L_{Cu} &= 2 / 2 \times 10^{-5} \\ \Rightarrow 276 \times 10^{-5} x - 204 \times 10^{-5} x &= 22 \times 10^{-5} \\ \Rightarrow 22 \times 10^{-5} x &= 22 \times 10^{-5} \rightarrow x = 100^\circ C \\ \text{(فیزیک ۱ - دما و گرمای: صفحه های ۷۷ تا ۷۸)} \end{aligned}$$

(زهرا آقامحمدی)

«۳» - ۵۵

چون در نهایت بین ذوب نشده داریم، پس دمای تعادل نهایی صفر درجه سلسیوس است. اگر جرم بین ذوب شده را با m_1 و جرم اولیه آب را با m_2 نشان دهیم، داریم:

$$\begin{aligned} Q_{\text{ذوب}} + Q_{\text{آب}} &= 0 \Rightarrow m_1 L_F + m_2 c(\theta_e - \theta_1) = 0 \\ \Rightarrow m_1 \times 336 + m_2 \times 4 / 2 \times (-16) &= 0 \\ \Rightarrow 336m_1 &= 4 / 2 \times 16 \times m_2 \Rightarrow m_2 = 5m_1 \quad (1) \end{aligned}$$

از طرفی مجموع جرم بین ذوب شده و آب اولیه برابر با $1 / 2 \text{ kg}$ است، پس داریم:

$$m_1 + m_2 = 1200 \quad (1) \rightarrow 6m_1 = 1200$$

$$\Rightarrow m_1 = 200 \text{ g}$$

$$225 - 200 = 25 \text{ g}$$

جرم بین ذوب شده برابر است با:

نسبت جرم بین ذوب شده به جرم بین اولیه برابر است با:

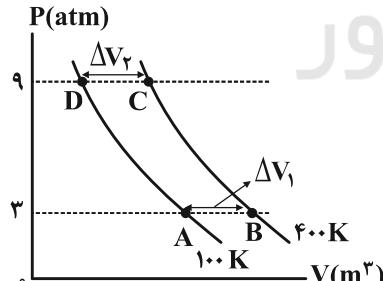
$$\frac{25}{225} = \frac{1}{9}$$

(فیزیک ۱ - دما و گرمای: صفحه های ۹۶ تا ۹۷)

(امیرحسین مهرizi)

«۲» - ۵۶

برای هر یک از نقاط مشخص شده، معادله حالت گاز کامل را منویسیم.



$$\left. \begin{array}{l} P_A V_A = n R T_A \\ P_B V_B = n R T_B \end{array} \right\} \xrightarrow{P_A = P_B = 1 \text{ atm}} r(V_B - V_A) = n R (T_B - T_A) \quad (1)$$

$$\left. \begin{array}{l} P_C V_C = n R T_C \\ P_D V_D = n R T_D \end{array} \right\} \xrightarrow{P_C = P_D = 1 \text{ atm}} r(V_C - V_D) = n R (T_C - T_D) \quad (2)$$

$$\left. \begin{array}{l} r(V_C - V_D) \\ \Delta V_2 \end{array} \right\} = r(V_B - V_A) \xrightarrow{\Delta V_1} r(V_B - V_A) = r(V_C - V_D)$$



(مینی فایل ارجمند)

«۵۹- گزینه «۴»

ابتدا باید اندازه میدان الکتریکی را در فاصله r از آن بیابیم، داریم:

$$E = k \frac{|q|}{r^2} \Rightarrow \frac{E_1}{E} = \left(\frac{r_1}{r} \right)^2 \Rightarrow \frac{E}{E_1} = \left(\frac{r}{r-10} \right)^2 \Rightarrow r = 20\text{m}$$

اندازه میدان در فاصله r برابر با $\frac{E}{4}$ است، پس داریم:

$$\frac{E}{4} = k \frac{|q|}{r^2} \xrightarrow{r=20\text{m}, q=4\times10^{-9}\text{C}} \frac{k=9\times10^9\text{N.m}^2}{C^2}$$

$$\frac{E}{4} = \frac{9\times10^9 \times 4 \times 10^{-9}}{400} \Rightarrow \frac{E}{4} = 90 \frac{\text{N}}{\text{C}}$$

حال برای خازن داریم:

$$|\Delta V| = Ed \Rightarrow |\Delta V| = 90 \times \frac{2}{100} = 1.8\text{V}$$

(فیزیک ۲ - الکتریسیته ساکن؛ صفحه‌های ۱۰ تا ۱۷، ۲۶ و ۳۲)

(علیرضا کوئن)

«۶- گزینه «۳»

با توجه به این که $q > 0$ و کار نیروی الکتریکی نیز مثبت است، می‌توان تیجه گرفت که نیروی الکتریکی و جایه‌جایی هم راستا هستند و بار الکتریکی q در جهت خطهای میدان الکتریکی حرکت کرده و انرژی پتانسیل الکتریکی آن $J = 2 \times 10^{-5}$ کاهش یافته است. بنابراین می‌توان نوشت:

$$\Delta V = \frac{\Delta U}{q} \Rightarrow V_B - 24 = \frac{-2 \times 10^{-5}}{5 \times 10^{-9}}$$

$$\Rightarrow V_B - 24 = -4 \Rightarrow V_B = 20\text{V}$$

(فیزیک ۲ - الکتریسیته ساکن؛ صفحه‌های ۲۱ تا ۲۷)

(ممطوفی واقع)

«۶- گزینه «۴»

چون خازن از مولد جدا شده است، پس بار ذخیره شده در آن ثابت است و باید با تغییر فاصله بین صفحات خازن، اختلاف پتانسیل را از 16V به حداقل و لذت قابل تحمل یعنی 20V برسانیم، تا خازن آسیبی نبیند. داریم:

$$Q = CV \xrightarrow[\text{ثابت}]{Q=C} \frac{C_2}{C_1} = \frac{V_1}{V_2} \quad (*)$$

از بین مشخصات ساختمانی خازن، فقط فاصله بین صفحات تغییر می‌کند، پس:

$$C = k\epsilon_0 \frac{A}{d} \Rightarrow \frac{C_2}{C_1} = \frac{d_1}{d_2} \quad (**)$$

$$\xrightarrow{(**), (*)} \frac{V_1}{V_2} = \frac{d_2}{d_1} \Rightarrow \frac{20}{16} = \frac{d_2}{d_1} \Rightarrow \frac{d_2}{d_1} = 1/25$$

$$= \left(\frac{d_2}{d_1} - 1 \right) \times 100 = \left(\frac{1}{25} - 1 \right) \times 100 = 25\%$$

(افزایش)

(فیزیک ۲ - الکتریسیته ساکن؛ صفحه‌های ۳۲)

(۱۰)

$$\xrightarrow{(2)} \frac{9\Delta V_2}{3\Delta V_1} = \frac{T_C - T_D}{T_B - T_A} = \frac{400 - 100}{400 - 100} = 1$$

$$\Rightarrow \frac{3\Delta V_2}{\Delta V_1} = 1 \Rightarrow \frac{\Delta V_2}{\Delta V_1} = \frac{1}{3}$$

(فیزیک ۱ - ترمودینامیک؛ صفحه‌های ۱۰ تا ۱۵)

(مسیم مقدمه‌من)

«۵۷- گزینه «۴»

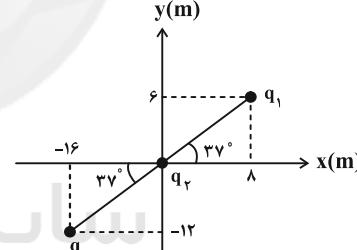
فرایند BA ، فرایندی هم‌شار است که طی آن حجم گاز کاهش یافته است.بنابراین در نمودار $V-T$ ، طبق رابطه $V = \frac{nR}{P}T$ ، امتداد این فرایند باید از مبدأ بگذرد. فرایند CB ، فرایندی هم‌حجم است که طی آن فشار گاز افزایش یافته و در نتیجه در نمودار $V-T$ ، طبق رابطه $P = \frac{nR}{V}T$ ، بتصورت خطی راست و قائم خواهد بود. با این توضیحات، شکل رسم شده در گزینه «۴» دارای این ویژگی‌ها است. (فیزیک ۱ - ترمودینامیک؛ صفحه‌های ۱۰ تا ۱۵)

(مسنون قندرپلر)

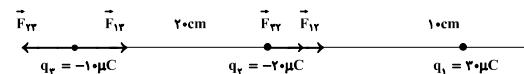
«۵۸- گزینه «۱»

ابتدا با توجه به اینکه $\tan 37^\circ = \frac{3}{4}$ است، مشخصات بارهای q_1 و q_2 و q_3 فاصله بارها از یکدیگر را بدست می‌آوریم:

$$\begin{cases} r_{12} = \sqrt{6^2 + 8^2} = 10\text{cm} \\ r_{23} = \sqrt{12^2 + 16^2} = 20\text{cm} \end{cases}$$



اکنون شکل ساده‌تری را رسم می‌کنیم:



حال با توجه به قانون کولن، اندازه نیروی را که بارهای الکتریکی به یکدیگر

وارد می‌کنند، می‌ناییم:

$$F = k \frac{|q||q'|}{r^2}$$

$$F_{11} = \frac{90 \times 30 \times 10}{(30)^2} = 30\text{N}$$

$$F_{12} = \frac{90 \times 30 \times 20}{(10)^2} = 540\text{N}$$

$$F_{22} = F_{23} = \frac{90 \times 20 \times 10}{(20)^2} = 45\text{N}$$

$$\Rightarrow \frac{585}{15} = 39$$

(فیزیک ۲ - الکتریسیته ساکن؛ صفحه‌های ۵ تا ۱۰)



از طرفی چون دو مقاومت R_2 و R_3 با یکدیگر موازی هستند، اختلاف پتانسیل دو سر آن ها با یکدیگر برابر است، پس داریم:

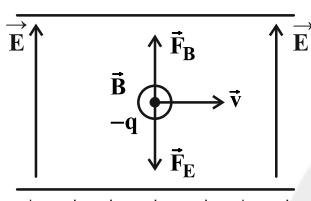
$$\begin{aligned} V_{23} &= V_2 = V_3 \Rightarrow R_{23}I = R_3I \\ \Rightarrow 20 \times 0 &/ 24 = 30I_3 \Rightarrow I_3 = 0 / 16A \end{aligned}$$

(فیزیک ۲ - پریان الکتریکی و مدارهای پریان مستقیم؛ صفحه های ۶۱ تا ۷۷)

(عبدالرضا امینی نسب)

«۳» گزینه

چون ذره باید بدون انحراف به مسیر افقی خود ادامه دهد، بنابراین نیروی خالص وارد بر آن باید صفر باشد. طبق قاعدة دست راست، نیروی مغناطیسی وارد بر ذره به سمت بالا است، بنابراین نیروی الکتریکی باید به سمت پایین باشد. از طرفی مطابق رابطه $\vec{F}_E = q\vec{E}$ ، چون بار ذره منفی است، میدان الکتریکی باید بالا بوسو بشد و علامت بار صفحه D مثبت است.



$$F_E = F_B \Rightarrow |q|E = |q|vB \sin 90^\circ$$

$$\Rightarrow E = vB = 2 / 5 \times 10^4 \times 2 \times 10^{-5} = 0 / 5 \frac{N}{C}$$

(فیزیک ۲ - مغناطیس؛ صفحه های ۸۹ تا ۹۱)

(مسعود قهره‌خانی)

«۳» گزینه

اندازه میدان مغناطیسی یکنواخت درون یک سیم‌ولوله آرمانی از رابطه زیر به دست می‌آید:

$$B = \mu_0 \frac{N}{l} I \Rightarrow 24 \times 10^{-4} = 12 \times 10^{-7} \times \frac{N \times 1 / 25}{1 \times 10^{-2}} \Rightarrow N = 16$$

(فیزیک ۲ - مغناطیس؛ صفحه های ۹۹ تا ۱۰۱)

(سعید شرق)

«۴» گزینه

$$\bar{I} = \frac{\bar{\epsilon}}{R} \Rightarrow 0 / 0.2 = \frac{\bar{\epsilon}}{3} \Rightarrow \bar{\epsilon} = 0 / 0.6V$$

طبق قانون القای فاراده، می‌توان نوشت:

$$|\bar{\epsilon}| = -N \frac{\Delta \Phi}{\Delta t}$$

علت تغییرات شار در این مدار، تغییرات زاویه است. پس داریم:

$$|\bar{\epsilon}| = -N \frac{BA(\cos \theta_2 - \cos \theta_1)}{\Delta t}$$

$$\Rightarrow 0 / 0.6 = -N \times \frac{0 / 0.1 \times 20 \times 10^{-4} (\cos 30^\circ - \cos 0^\circ)}{0 / 5}$$

$$N = \frac{0 / 0.6 \times 0 / 5}{0 / 0.1 \times 20 \times 10^{-4} \times (1 - 0 / 85)} = 100000$$

(فیزیک ۲ - القای الکترومغناطیسی و پریان متناوب؛ صفحه های ۱۰۰ تا ۱۰۷)

(زهره آقامحمدی)

با استفاده از قانون اهم برای رساناهای اهمی داریم:

$$V = IR \xrightarrow{\text{ثابت}} \frac{R_A}{R_B} = \frac{I_B}{I_A} = \frac{0 / 9}{1 / 2} = \frac{3}{4} \quad (*)$$

از طرفی طبق رابطه $R = \rho \frac{L}{A}$ داریم:

$$\frac{R_A}{R_B} = \frac{\rho_A}{\rho_B} \times \frac{L_A}{L_B} \times \frac{A_B}{A_A}$$

$$\frac{\rho_A = \rho_B, L_A = 4L_B}{(*)} \Rightarrow \frac{3}{4} = 1 \times 3 \times \frac{A_B}{A_A} \Rightarrow \frac{A_A}{A_B} = 4$$

(فیزیک ۲ - پریان الکتریکی و مدارهای پریان مستقیم؛ صفحه های ۵۲ تا ۵۹)

(فسرو ارغوانی فرر)

«۲» گزینه

اختلاف پتانسیل دو سر مولد و مقاومت ۵ اهمی برابر است با:

$$V = IR \Rightarrow 1 / 25 = I \times 5 \Rightarrow I = \frac{1 / 25}{5} = 0 / 25A$$

از طرفی افت پتانسیل در مقاومت داخلی مولد Ir می‌باشد. بنابراین:

$$Ir = 0 / 5 \Rightarrow 0 / 25r = 0 / 5 \Rightarrow r = \frac{0 / 5}{0 / 25} = 2\Omega$$

ولتاژ دو سر مولد از رابطه زیر بدست می‌آید:

$$V = \epsilon - Ir \Rightarrow 1 / 25 = \epsilon - 0 / 5 \Rightarrow \epsilon = 1 / 25V$$

(فیزیک ۲ - پریان الکتریکی و مدارهای پریان مستقیم؛ صفحه های ۶۱ تا ۶۶)

(بینام رستمی)

«۱» گزینه

با توجه به قانون پایستگی انرژی، توان الکتریکی مصرفی در مقاومت های خارجی برابر با توان خروجی باتری است.

$$P = R_{eq}I^2 \Rightarrow R_{eq} = \frac{P}{I^2} = \frac{80}{4^2} = 5\Omega$$

$$R_{eq} = \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2} \Rightarrow 5 = \frac{R \times 10}{R + 10} \Rightarrow 5R + 50 = 10R$$

$$\Rightarrow 5R = 50 \Rightarrow R = 10\Omega$$

(فیزیک ۲ - پریان الکتریکی و مدارهای پریان مستقیم؛ صفحه های ۶۱ تا ۶۶)

(علیرضا کوثری)

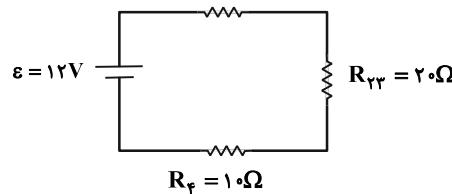
«۱» گزینه

دو مقاومت R_2 و R_3 موازی بوده و مقاومت معادل آن ها با دو مقاومت R_4 و R_4 متوالی است. بنابراین می‌توان نوشت:

$$\frac{1}{R_{23}} = \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3} \Rightarrow \frac{1}{R_{23}} = \frac{1}{60} + \frac{1}{30} \Rightarrow R_{23} = 20\Omega$$

$$I = \frac{\epsilon}{R_{eq} + r} = \frac{12}{20 + 20 + 10 + 0} = 0 / 24A$$

$$R_1 = 20\Omega$$





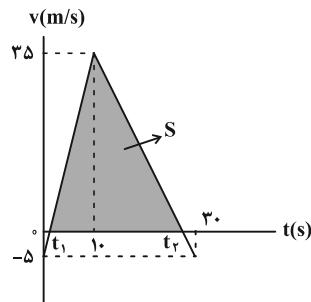
گزینه «۱» (هره آقامحمدی)

گزینه «۱» - ۷۲

ابتدا نمودار سرعت - زمان متحرک را رسم می کنیم.

$$(0-10s) : \frac{a = \frac{m}{s^2}}{v_0 = -\frac{m}{s}} \Rightarrow v = \frac{v_{10} - (-5)}{10} \Rightarrow v_{10} = 35 \frac{m}{s}$$

$$(10s-30s) : \frac{a = -\frac{m}{s^2}}{} \Rightarrow v = \frac{v_{30} - 35}{30-10} \Rightarrow v_{30} = -5 \frac{m}{s}$$



با توجه به نمودار، در بازه t_1 تا t_2 که سرعت مثبت است، متحرک در جهت محور x حرکت می کند. با توجه به اینکه در نمودار سرعت - زمان، مساحت زیر نمودار، جایه جایی را نشان می دهد، داریم:

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{\Delta x = S}{\Delta t} \Rightarrow v_{av} = \frac{35(t_2 - t_1)}{2} = 17.5 \frac{m}{s}$$

(فیزیک ۳ - حرکت بر فقط راست: صفحه های ۲ تا ۱۵ و ۹ تا ۱۵)

(مسئلی واقعی)

گزینه «۲» - ۷۳

در حرکت با شتاب ثابت، اگر علامت شتاب و سرعت اولیه مشابه هم باشد، حرکت همواره تندشونده است و اگر علامت شتاب و سرعت اولیه مختلف هم باشد، حرکت ابتدا به صورت کندشونده است و تا زمانی که جهت حرکت تغییر کند، حرکت به صورت کندشونده ادامه پیدا می کند و سپس حرکت تندشونده می شود. پس طبق این نکات، در لحظه $t = 4s$ جهت حرکت تغییر می کند و $v_f = 0$ است:

$$v = at + v_0 \quad \left\{ \begin{array}{l} v_f = 0 \Rightarrow 0 = 4a + v_0 \Rightarrow v_0 = -4a \\ v_A = \lambda a + v_0 \Rightarrow v_A = \lambda a - 4a = 4a \end{array} \right.$$

$$s_{av} = \frac{l_{0-\lambda}}{\Delta t} \Rightarrow s = \frac{l_{0-\lambda}}{\lambda} \Rightarrow l_{0-\lambda} = 4\lambda m$$

$$l_{0-\lambda} = |\Delta x_{0-\lambda}| + |\Delta x_{\lambda-4}| = \left| \frac{v_0 + v_f}{2} \Delta t_{0-\lambda} \right| + \left| \frac{v_f + v_A}{2} \Delta t_{\lambda-4} \right|$$

$$\Rightarrow 4\lambda = \left| \frac{-4a + 0}{2} \times 4 \right| + \left| \frac{0 + 4a}{2} \times 4 \right| \Rightarrow |a| = 3m/s^2$$

(فیزیک ۳ - حرکت بر فقط راست: صفحه های ۱۵ تا ۱۵)

(علیرضا کوئنه)

گزینه «۴» - ۶۹

چون نصف چرخه در مدت زمان $\frac{1}{20}$ ثانیه طی شده است، پس دوره

تناوب مولد برابر $\frac{1}{10}$ ثانیه است. بنابراین می توان نوشت:

$$\epsilon = \epsilon_m \sin\left(\frac{2\pi}{T} t\right) = RI_m \sin\left(\frac{2\pi}{T} t\right) = 4 \times 2 \times \sin\left(\frac{2\pi}{10} t\right)$$

$$\Rightarrow \epsilon = 8 \sin(2\pi t)$$

(فیزیک ۲ - القای الکترومغناطیسی و هیربان متناوب: صفحه های ۱۲ تا ۱۳)

(سیدعلی میرنوری)

گزینه «۲» - ۷۰

اگر مسیر حرکت دو متحرک را از لحظه $t = 0$ رسم کنیم، داریم:

$$v_B = \frac{1}{2} \frac{m}{s}$$

$$v_A = -2 \frac{m}{s}$$

$$\overrightarrow{B} \qquad \overrightarrow{A} \qquad \overrightarrow{x(m)}$$

$$x_{0B} = -29m \qquad \qquad \qquad x_{0A} = 16m$$

با توجه به اینکه دو متحرک، قبل از رسیدن به هم، به یکدیگر نزدیک می شوند و فاصله اولیه آنها از هم $45m$ است، کافی است که در مجموع نسبت به هم 5 متر جایه جا شوند و در این مدت فاصله آنها از هم بیشتر از 40 متر است. بنابراین داریم:

$$\left\{ \begin{array}{l} x_A = -2t + 16 \\ x_B = \frac{1}{2}t - 29 \end{array} \right. \Rightarrow \Delta x = x_A - x_B = -2 / \Delta t + 45$$

$\frac{x_A - x_B = 40m}{\Delta t} \Rightarrow 40 = -2 / \Delta t + 45 \Rightarrow 2 / \Delta t = 5 \Rightarrow t = 2s$
روش دوم: در هر ثانیه دو متحرک $2/5$ متر به هم نزدیک می شوند (متحرک A، دو متر و متحرک B نیم متر)، پس فاصله آنها از هم در مدت 2 ثانیه به اندازه 5 متر کاهش می یابد که در این 2 ثانیه همواره فاصله آنها بیشتر از $40m$ است.

(فیزیک ۳ - حرکت بر فقط راست: صفحه های ۱۳ تا ۱۵)

(مسعود قره فانی)

گزینه «۱» - ۷۱

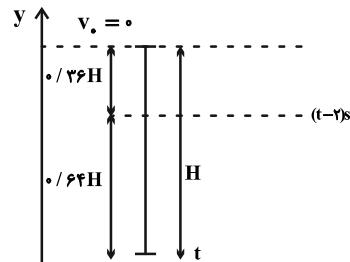
سرعت را در لحظه های $t_4 = 4s$ و $t_2 = 2s$ به دست آورده و سپس جابه جایی را محاسبه می کنیم:

$$\left\{ \begin{array}{l} \frac{t_2 = 2s}{v_2 = 0} \Rightarrow v_2 = 0 \\ \frac{t_4 = 4s}{v_4 = 4 \frac{m}{s}} \Rightarrow \frac{v_2 + v_4}{2} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \\ \Rightarrow \frac{0 + 4}{4-2} = \frac{\Delta x}{2} \Rightarrow \Delta x = 4m \end{array} \right.$$

(فیزیک ۳ - حرکت بر فقط راست: صفحه های ۱۵ تا ۱۵)



۷۴ - **گزینه «۲»**
با استفاده از معادله حرکت سقوط آزاد، داریم:



$$y = -\frac{1}{2}gt^2 \Rightarrow \begin{cases} h = -\frac{1}{2}gt^2 \\ 0/36h = -\frac{1}{2}g(t-2)^2 \end{cases}$$

$$\Rightarrow \left(\frac{t}{t-2} \right)^2 = \frac{100}{36} \Rightarrow \frac{t}{t-2} = \frac{10}{6} \Rightarrow t = 5s$$

(فیزیک ۳ - دینامیک و حرکت دایره‌ای؛ صفحه‌های ۳۲ تا ۳۷)

۷۵ - **گزینه «۴»**
(باکسلامی)
ابتدا ثابت فر را محاسبه می‌کنیم:

$$F_e = kx \Rightarrow \Delta x = k \times \frac{1}{10} \Rightarrow k = 500 \frac{N}{m}$$

بعد از شروع به حرکت آسانسور و رسیدن وزنه به تعادل، دو نیروی وزن و فر به وزنه وارد می‌شود و وزنه با شتاب a به سمت پایین حرکت می‌کند.
داریم:

$$mg - F'_e = ma \Rightarrow 5 \times 10 - 500x' = 5 \times 2$$

$$\Rightarrow x' = 0/0.8m = 1.25m$$

(فیزیک ۳ - دینامیک و حرکت دایره‌ای؛ صفحه‌های ۳۲ تا ۳۷)

۷۶ - **گزینه «۱»**
(پوریا علاقه‌مند)
-

$$p = mv \Rightarrow \frac{p_1}{p_2} = \frac{m_1 v_1}{m_2 v_2} \xrightarrow{m_1 = m_2} \frac{p_1}{p_2} = \frac{v_1}{v_2}$$

پس کافی است سرعت در لحظه‌های ۴ ثانیه و ۶ ثانیه را بدست آوریم:

$$v = at + v_0 \Rightarrow \begin{cases} v_1 = 4 \times 4 + 0 = 16 \frac{m}{s} \\ v_2 = 4 \times 6 + 0 = 24 \frac{m}{s} \end{cases}$$

$$\Rightarrow \frac{p_1}{p_2} = \frac{16}{24} = \frac{2}{3}$$

(فیزیک ۳ - دینامیک و حرکت دایره‌ای؛ صفحه‌های ۳۶ تا ۴۸)

۷۷ - **گزینه «۴»**
(مسین مقدمه‌مند)
-

نیروی اصطکاک ایستایی بین جسم و صفحه، نیروی مرکزگرای لازم برای حرکت دایره‌ای جسم را تأمین می‌کند و چون شتاب بیشینه است، پس جسم در آستانه لغزش است. داریم:

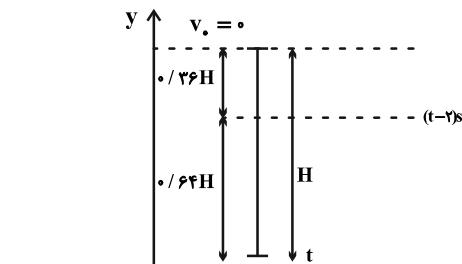
$$F_{net} = ma \Rightarrow f_{s,max} = ma \Rightarrow \mu_s mg = ma$$

$$\Rightarrow a = \mu_s g \Rightarrow 4 = \mu_s \times 10 \Rightarrow \mu_s = 0/4$$

(فیزیک ۳ - دینامیک و حرکت دایره‌ای؛ صفحه‌های ۴۸ تا ۵۳)

۷۸ - **گزینه «۲»**
(شارمان ویسی)

با استفاده از معادله حرکت سقوط آزاد، داریم:



$$y = -\frac{1}{2}gt^2 \Rightarrow \begin{cases} h = -\frac{1}{2}gt^2 \\ 0/36h = -\frac{1}{2}g(t-2)^2 \end{cases}$$

$$\Rightarrow \left(\frac{t}{t-2} \right)^2 = \frac{100}{36} \Rightarrow \frac{t}{t-2} = \frac{10}{6} \Rightarrow t = 5s$$

(فیزیک ۳ - حرکت پر فط راست؛ صفحه‌های ۲۱ تا ۲۴)

۷۹ - **گزینه «۲»**
(مسین مقدمه‌مند)
-

نیروی هالصلی که بعد از حذف شدن نیروی λ نیوتونی به جسم وارد می‌شود برابر با همان λ نیوتون و در جهت مخالف آن است (در اینجا جهت اهمیت ندارد و خواسته سوال نبوده است) پس:

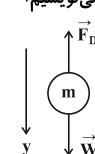
$$a = \frac{\text{حالص}}{m} = \frac{\lambda}{4} = 2 \frac{m}{s^2}$$

$$\Delta x = \frac{1}{2}at^2 + v_0 t = \frac{1}{2} \times 2 \times 5^2 + 0 = 25m$$

(فیزیک ۳ - دینامیک و حرکت دایره‌ای؛ صفحه‌های ۳۲ تا ۳۴)

۸۰ - **گزینه «۳»**
(امیدهوری بعفری)
-

نیروهای وارد بر هر گلوله را رسم می‌کنیم و قانون دوم نیوتون را برای آن می‌نویسیم:



$$(F_{net})_y = ma_y \Rightarrow mg - f_D = ma$$

$$\Rightarrow a = g - \frac{f_D}{m} \quad (*)$$

چون دو گلوله همان‌دازه هستند، پس آهن V مس $=$ آهن مس است. طبق رابطه

$$\frac{m}{\rho} = \frac{m_{آهن}}{\rho_{آهن}}$$

چون مس ρ آهن $<$ آهن است، پس مس m آهن m خواهد بود.

بنابراین طبق رابطه $(*)$ می‌توان نتیجه گرفت: مس a آهن $<$ آهن. پس نمودار سرعت-زمان دو گلوله مطابق زیر است. طبق نمودار در هر بازه زمانی دلخواه



(مفهومی و اثبات)

«۴» -۸۱

عقب افتادن آونگ به معنی افزایش دوره تنابود است، پس برای هر نوسان رابطه زیر برقرار است:

$$T' = T + \frac{T}{4} = \frac{5T}{4}$$

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g}} \Rightarrow \frac{T'}{T} = \sqrt{\frac{L'}{L}} \Rightarrow \frac{\Delta T}{T} = \sqrt{\frac{L'}{L}} \Rightarrow \frac{L'}{L} = \frac{25}{16}$$

$$\text{تغییر طول} (\text{درصد}) = \left(\frac{L'}{L} - 1 \right) \times 100 = \left(\frac{25}{16} - 1 \right) \times 100 = 56 / 25\%$$

(فیزیک ۳ - نوسان و موج؛ صفحه‌های ۶۷ و ۶۸)

(علیرضا کوئن)

«۱» -۸۲

با توجه به شکل، طول موج را بدست می‌آوریم:

$$\frac{\lambda}{2} = \frac{1}{10} \Rightarrow \lambda = \frac{1}{5} \text{ m} \xrightarrow{\lambda = \frac{v}{f}} \frac{1}{5} = \frac{v}{200} \Rightarrow v = 4 \cdot \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

و در نهایت می‌توان نوشت:

$$\mu = \frac{m}{L} = \frac{10 \times 10^{-3}}{0.5} = 0.02 \frac{\text{kg}}{\text{m}}$$

$$v = \sqrt{\frac{F}{\mu}} \Rightarrow 40 = \sqrt{\frac{F}{0.02}} \Rightarrow F = 32 \text{ N}$$

(فیزیک ۳ - نوسان و موج؛ صفحه‌های ۵۷ و ۵۸)

(علیرضا کوئن)

«۲» -۸۳

$$\beta_2 - \beta_1 = -2 \text{ dB} \xrightarrow{x(-1)} \beta_1 - \beta_2 = 2 \text{ dB}$$

$$\gamma = 10 \log \frac{I_1}{I_2} \xrightarrow{\left(\frac{r_2}{r_1}\right)^{\gamma}} \gamma = 10 \log \left(\frac{r_2}{r_1}\right)^{\gamma}$$

$$\xrightarrow{-1/\gamma = 0/2 \text{ dB}} \gamma \log 10 - \gamma \log 2 = \log \left(\frac{r_2}{r_1}\right)^{\gamma}$$

$$\Rightarrow \log 10 - \log 2 = \log \left(\frac{r_2}{r_1}\right)^{\gamma}$$

$$\Rightarrow \log \frac{10}{2} = \log \left(\frac{r_2}{r_1}\right)^{\gamma} \Rightarrow \frac{10}{2} = \left(\frac{r_2}{r_1}\right)^{\gamma} \xrightarrow{\text{جذر}}$$

$$\frac{10}{2} = \frac{r_2}{r_1} \Rightarrow r_2 = 5 \cdot m \Rightarrow \Delta r = 1 \cdot m$$

(فیزیک ۳ - نوسان و موج؛ صفحه‌های ۱۰ و ۱۱)

(مفهومی و اثبات)

«۲» -۸۰

بسامد زاویه‌ای نوسانگر برابر است با:

$$\omega = \frac{2\pi}{T} = \frac{2\pi}{\pi/4} \Rightarrow \omega = 8\pi \frac{\text{rad}}{\text{s}}$$

حال با استفاده از معادله مکان - زمان نوسانگر، اختلاف زمانی این دو مکان

را بدست می‌آوریم:

$$x = A \cos(\omega t) \Rightarrow x = A \cos(\omega t_1)$$

$$\xrightarrow{x_1 = \frac{\sqrt{3}}{2} A} \frac{\sqrt{3}}{2} A = A \cos(\omega t_1) \Rightarrow \frac{11\pi}{6} = \omega t_1$$

$$\Rightarrow t_1 = \frac{11}{30} \text{ s}$$

$$\xrightarrow{x_2 = -\frac{A}{2}} -\frac{A}{2} = A \cos(\omega t_2) \Rightarrow \frac{10\pi}{3} = \omega t_2$$

$$\Rightarrow t_2 = \frac{10}{15} \text{ s}$$

$$\Delta t = t_2 - t_1 = \frac{10}{15} - \frac{11}{30} = \frac{20-11}{30} = \frac{9}{30} = 0.3 \text{ s}$$

راه دوم:

هنگامی حرکت نوسانگر کندشونده است که نوسانگر به سمت انتهای مسیر

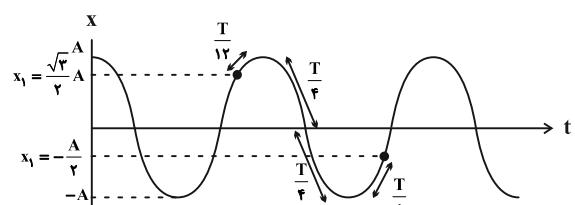
носان حرکت کند و با توجه به آنکه $x_1 = +\frac{\sqrt{3}}{2} A$ و حرکتش

کندشونده است، آنرا روی نمودار مشخص می‌کنیم. حال در قسمت منی

مکان، زمانی سرعت مثبت است که نوسانگر به سمت مرکز نوسان حرکت

کند و با توجه به آنکه $x_2 = -\frac{A}{2}$ است و سرعت مثبت، آن را روی نمودار

مشخص می‌کنیم:



$$\Delta t = \frac{T}{12} + \frac{T}{4} + \frac{T}{4} + \frac{T}{6} = \frac{9T}{12} \xrightarrow{T=0.4s} \Delta t = \frac{9 \times 0.4}{12} = 0.3 \text{ s}$$

(فیزیک ۳ - نوسان و موج؛ صفحه‌های ۶۷ تا ۶۹)



بسامد (کمترین طول موج) نورمئی هیدروژن اتمی هنگامی است که الکترون از تراز $n = 2$ به مدار $n' = 1$ منتقل شود.

$$\frac{1}{\lambda} = R \left(\frac{1}{n'} - \frac{1}{n} \right) \Rightarrow \frac{1}{\lambda} = 10.1 \times \left(\frac{1}{2} - \frac{1}{1} \right)$$

$$\Rightarrow \lambda = 450 \text{ nm} = 4.5 \times 10^{-7} \text{ m}$$

حال با استفاده از رابطه $f = \frac{c}{\lambda}$ داریم:

$$f = \frac{c}{\lambda} = \frac{3 \times 10^8}{4.5 \times 10^{-7}} = \frac{3000}{3} \times 10^{12} \text{ Hz} = \frac{2000}{3} \text{ THz}$$

(فیزیک ۳ - آشنایی با فیزیک اتمی: صفحه‌های ۱۲۱ تا ۱۲۴)

(مهندسی آذر نسب)

گزینه «۴»

انرژی n عدد فoton با بسامد $f = 10^{15} \text{ Hz}$ با انرژی بستگی هسته‌ای با $n \times 4 \times 10^{-15} \times 10^{15} \times 1/6 \times 10^{-19} = 25/6 \times 10^{-26} \text{ kg}$ برابر می‌شود، بنابراین:

$$E_1 = E_2 \xrightarrow{\frac{E_1 = nhf}{E_2 = mc^2}} nhf = mc^2$$

$$\Rightarrow n \times 4 \times 10^{-15} \times 10^{15} \times 1/6 \times 10^{-19} = 25/6 \times 10^{-26} \times (3 \times 10^8)^2$$

$$\Rightarrow n = 36 \times 10^9$$

(فیزیک ۳ - آشنایی با فیزیک هسته‌ای: صفحه ۱۲۴)

(عبدالرضا امینی نسب)

گزینه «۳»

می‌دانیم تعداد هسته‌های باقیمانده یک ماده رادیوакتیو از رابطه $N = \frac{N_0}{2^n}$

$$n = \frac{t}{T_1} = \frac{t}{2^n}$$

محاسبه می‌شود که در این رابطه N تعداد هسته‌های اولیه و

می‌باشد. داریم:

$$n = \frac{t}{T_1} = \frac{24}{6} = 4$$

$$N = \frac{N_0}{2^n} = \frac{4000}{4} = \frac{4000}{16} = 250$$

تعداد هسته‌های باقیمانده:

$$N' = N_0 - N = 4000 - 250 = 3750$$

(فیزیک ۳ - آشنایی با فیزیک هسته‌ای: صفحه‌های ۱۴۶ و ۱۴۷)

(فسرو ارغوانی فرورد)

گزینه «۳»

مطابق شکل و با توجه به رابطه شکست استنل، $\theta_2 = 30^\circ$ و $\theta_1 = 60^\circ$ می‌باشد. داریم:

$$n_1 \sin \theta_1 = n_2 \sin \theta_2 \Rightarrow \sqrt{3} \sin 60^\circ = n_2 \sin 30^\circ$$

$$\Rightarrow \sqrt{3} \times \frac{\sqrt{3}}{2} = n_2 \times \frac{1}{2} \Rightarrow n_2 = 3$$

(فیزیک ۳ - برهمکنش‌های موج: صفحه‌های ۹۶ تا ۹۹)

(زهره آقامحمدی)

گزینه «۳»

اگر نقطه‌ای در فاصله یکسان از دو چشم می‌گیرد و در آن نقطه بلندی صدا پیشینه است و این نقاط را با L نشان می‌دهد.

(فیزیک ۳ - برهمکنش‌های موج: صفحه ۱۰۳)

(فسرو ارغوانی فرورد)

گزینه «۲»

فاصله دو گره متولی برابر $\frac{\lambda}{2}$ است.

$$\frac{\lambda}{2} = 18 \Rightarrow \lambda = 36 \text{ cm} = 0.36 \text{ m}$$

$$f_4 = \frac{v}{\lambda_4} = \frac{270}{0.36} = 750 \text{ Hz}$$

از طرفی بسامد با شماره هماهنگ متناسب است.

$$f_n = \frac{nv}{2L} \Rightarrow \frac{f_4}{f_2} = \frac{n_4}{n_2} = \frac{4}{2} = 2 \Rightarrow f_2 = \frac{750}{2} = 375 \text{ Hz}$$

(فیزیک ۳ : برهمکنش‌های موج: صفحه‌های ۱۰۵ تا ۱۰۷)

(عبدالرضا امینی نسب)

گزینه «۲»

با توجه به نمودار و با استفاده از معادله فتوالکتریک داریم:

$$K_{\max} = hf - W_0 \xrightarrow{\frac{K_{\max} = 2 \times 10^{-19} \text{ J}}{f = 0 / \Delta x \times 10^{15} \text{ Hz}}} 2 \times 10^{-19} = 6 \times 10^{-34} \times 0 / 5 \times 10^{15} - W_0 \Rightarrow W_0 = 10^{-19} \text{ J}$$

(فیزیک ۳ - آشنایی با فیزیک اتمی: صفحه‌های ۱۱۶ تا ۱۲۰)

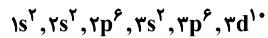
(علیرضا کونه)

گزینه «۳»

رشته بالمر در ناحیه مرئی و فرابنفش طیف اتمی هیدروژن قرار دارد. چهار خط اول آن ($n = 3, 4, 5, 6$) در ناحیه مرئی قرار دارند. بنابراین بیشترین



عبارت چهارم: درست، آرایش الکترونی Cu^{+} بصورت زیر است که
 $-10e^- + 2 = 1$ در آن وجود دارد.



(شیمی ا- کیهان زادگاه الفبای هستی؛ صفحه‌های ۵، ۲۸، ۳۱)

(روزبه، رضوانی)

«۳» - گزینه

MnO_2 : منگنز (IV) اکسید

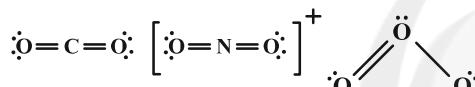
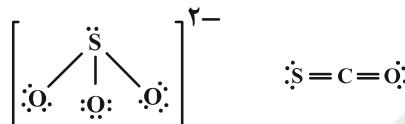
V_2O_3 : وانادیم (III) اکسید

$CaCO_3$: کلسیم کربنات

(شیمی ا- درپایی گازها در زندگی؛ صفحه‌های ۵۳ و ۵۴)

(روزبه، رضوانی)

«۳» - گزینه

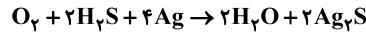
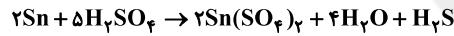


(شیمی ا- درپایی گازها در زندگی؛ صفحه‌های ۵۴ و ۵۵)

(امیرحسین طیبی)

«۱» - گزینه

: واکنش‌های موازن شده:



و اکشن (I)

$$\text{? atom Ag} = \frac{4\text{mol Sn}(\text{SO}_4)_2}{2\text{mol Sn}(\text{SO}_4)_2} \times \frac{1\text{mol H}_2\text{S}}{1\text{mol Sn}(\text{SO}_4)_2} \times \frac{1\text{mol H}_2\text{S}}{1\text{mol Sn}(\text{SO}_4)_2} \times$$

$$\frac{\text{fmol Ag}}{\text{ymol H}_2\text{S}} \times \frac{6/0.2 \times 10^{23} \text{ atom Ag}}{1\text{mol Ag}} = 1/80.6 \times 10^{24} \text{ atom Ag}$$

و اکشن (II)

$$\text{? mol H}_2\text{O} = \frac{1\text{mol Sn}(\text{SO}_4)_2}{2\text{mol Sn}(\text{SO}_4)_2} \times \frac{1\text{mol Sn}(\text{SO}_4)_2}{1\text{mol Sn}(\text{SO}_4)_2}$$

$$\times \frac{6\text{mol H}_2\text{O}}{1\text{mol Sn}(\text{SO}_4)_2} = 6\text{mol H}_2\text{O}$$

$$\text{? mol H}_2\text{O} = 1/80.6 \times 10^{24} \text{ atom Ag}$$

$$\times \frac{1\text{mol Ag}}{6/0.2 \times 10^{23} \text{ atom Ag}} \times \frac{6\text{mol H}_2\text{O}}{1\text{mol Ag}} = 1/5\text{mol H}_2\text{O}$$

در نتیجه در مجموع دو واکنش، $2/5$ مول بخار آب تولید می‌شود.

$$\text{? LH}_2\text{O} = 2/5\text{mol H}_2\text{O} \times \frac{22/4\text{L H}_2\text{O}}{1\text{mol H}_2\text{O}} = 16.8\text{L H}_2\text{O}$$

(شیمی ا- درپایی گازها در زندگی؛ صفحه‌های ۷۷ و ۸۱)

(امیرحسین طیبی)

«۴» - گزینه

ابتدا اتحال پذیری نمک را در دمای 80°C محاسبه کرده، سپس اتحال پذیری را به درصد جرمی و مولاریته تبدیل می‌کنیم.

شیمی

۹۱ - گزینه «۱»

(محمد رضا پور باور)

با توجه به نماد $A^{-2} 1s^2 2s^2 2p^6 3s^2 3p^6 3d^1 4s^2 4p^4$ و اختلاف تعداد الکترون‌ها و نوترون‌ها در این یون می‌توان گفت:

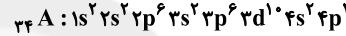
$$\begin{cases} n - e = 9 \Rightarrow n - (p + 2) = 9 \rightarrow n - p = 11 \\ n + p = 79 \\ e = p + 2 \end{cases}$$

حال با حل دو معادله و دو مجهول زیر، تعداد ذره‌های زیر اتمی سازنده این یون به دست می‌آید:

$$\begin{cases} n - p = 11 \\ n + p = 79 \end{cases}$$

$$2n = 90 \Rightarrow n = 45, p = 34$$

با توجه به آرایش الکترونی اتم A ، آخرین زیرلایه آن $4p$ بوده که مجموع عدددهای کواتنومی اصلی و فرعی آن عبارتند از:



$$4p \rightarrow n = 4, l = 1 \Rightarrow n + l = 5$$

از آنجا که در این زیرلایه ۴ الکترون وجود دارند، مجموع n و آنها برابر $4 \times 5 = 20$ است با:

(شیمی ا- کیهان زادگاه الفبای هستی؛ صفحه‌های ۲۸ و ۳۱)

۹۲ - گزینه «۲»

می‌دانیم مساحت هر دایره با مربع قطر آن رابطه مستقیم دارد.

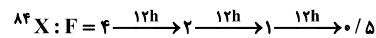
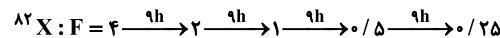
در نتیجه می‌توانیم مساحت دایره‌های کوچک، متوسط و بزرگ را به ترتیب ۱ و ۴ و ۹ واحد در نظر بگیریم.

آنگاه فراوانی نسبی ایزوتوپ‌های ^{82}X , ^{83}X و ^{84}X به ترتیب برابر با ۱، ۴ و ۹ خواهد بود.

(این نکته را در نظر داشته باشید که مساحت متعلق به X ، برابر با مساحت قسمت سفید دایرة بزرگتر می‌باشد.)

$$\overline{M_X} = \frac{M_1 F_1 + M_2 F_2 + M_3 F_3}{F_1 + F_2 + F_3} = \frac{82(4) + 83(1) + 84(4)}{9} = 83$$

۱/۵ روز برابر با ۳۶ ساعت می‌باشد.

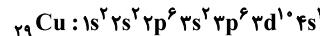


$$^{83}\text{X} = \frac{1}{0/25 + 0/5 + 1} \times 100 = \frac{1}{1/25} \times 100 = 25\%$$

(شیمی ا- کیهان زادگاه الفبای هستی؛ صفحه‌های ۵، ۶ و ۱۵)

(روزبه، رضوانی)

۹۳ - گزینه «۳»



عبارت اول: درست، ۷ الکترون در زیر لایه‌های با نماد ۸ وجود دارد.

عبارت دوم: نادرست، قاعده آفبا آرایش الکترونی عناصر Cr و Cu را نمی‌تواند مشخص کند.

عبارت سوم: درست، به دلیل یکسان بودن عدد اتمی ایزوتوپ‌ها طیف نشری خطی آن‌ها نیز یکسان است.



گزینه «4» (امیرحسین طیب)

مطابق جدول کتاب درسی مقایسه به درستی انجام شده است.
بررسی گزینه های نادرست:

گزینه «1»: اغلب نافلزها تمایل به گرفتن الکترون دارند. برای مثال عنصر کربن یون پایدار تشکیل دهد.

گزینه «2»: هالوژن ها به شدت واکنش پذیرند و در طبیعت به شکل مولکولی آزاد یافت نمی شوند.

گزینه «3»: رسوب Fe(OH)_2 سبزرنگ و کانی MnCO_3 سرخ رنگ می باشد.

(شیمی 2- قدر هدایای زمینی را برای صفحه های 10 و 18)

گزینه «4» (ممدرضا پور جاوید)

با انجام این واکنش به ازای مصرف 4 مول KNO_3 در مجموع 7 مول گاز (شامل 2 مول N_2 و 5 مول O_2) تولید می شود. به این ترتیب می توان گفت:

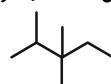
$$\frac{505\text{g KNO}_3}{505\text{g KNO}_3} \times \frac{50\text{g KNO}_3}{100\text{g KNO}_3} \times \frac{1\text{mol KNO}_3}{101\text{g KNO}_3} \times \frac{7\text{mol L}^{-1}}{4\text{mol KNO}_3} \times \frac{22/4\text{L L}^{-1}}{1\text{mol L}^{-1}} \times \frac{80\text{L}}{100\text{L}} = 78/4\text{L L}^{-1}$$

(شیمی 2- قدر هدایای زمینی را برای صفحه های 22 و 24)

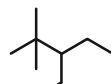
گزینه «4» (امیرحسین طیب)

$$\text{C}_n\text{H}_{2n+2} : \frac{\text{C}^{30}}{\text{H}^{30}} = \frac{12n}{2n+2} \Rightarrow \frac{12n}{2n+2} = 5/4 \\ \Rightarrow 12n = 10/8n + 10/8 \\ \Rightarrow 1/2n = 10/8 \Rightarrow n = 9 \Rightarrow \text{C}_9\text{H}_{20}$$

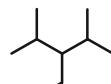
ساخترهایی که می توان برای این آلتکان در نظر گرفت (3 ساختار)



3- اتیل - 2- دی متیل پنتان



3- اتیل - 2- دی متیل پنتان



3- اتیل - 4,2- دی متیل پنتان

حداکثر مجموع شمار اعداد به کار رفته در نامگذاری آبیواک:

$$3+2+4=9$$

دومین عضو خانواده آلتکن ها: $\text{C}_3\text{H}_6 \leftarrow$ مجموع تعداد اتمها:

(شیمی 2- قدر هدایای زمینی را برای صفحه های 30 و 42)

گزینه «2» (ممدرضا پور جاوید)

عبارت اول نادرست است. بررسی برخی از عبارت ها:

عبارت اول: جرم مولی اسید و آمین و 2- دی متیل - بوتان (C_6H_{14})

به ترتیب برابر 146 و 116 و 86 گرم بر مول است.

$$S_{(80^\circ\text{C})} = (0/6 \times 80) + 32 = 80$$

$$\Rightarrow a = \frac{100S}{100+S} = \frac{100 \times 80}{180} = \frac{400}{9}$$

$$M = \frac{10 \times \frac{400}{9} \times 1/35}{150} = 4\text{mol.L}^{-1}$$

غلظت مولار:

جرم رسوب حاصل را محاسبه می کنیم:

$$\theta_1 = 80^\circ\text{C} \rightarrow \Delta\theta = \frac{37/5}{100} \times \theta_1 = \frac{37/5}{100} \times 80 = 30^\circ$$

$$\Rightarrow \theta_2 = 50^\circ\text{C} \Rightarrow \begin{cases} \theta_1 = 80^\circ\text{C} \rightarrow S_1 = 80 \\ \theta_2 = 50^\circ\text{C} \rightarrow S_2 = 62 \end{cases}$$

$$\left[\frac{180\text{g}}{465\text{g}} \sim 18\text{g J}^{-1}\text{km} \right] \Rightarrow x = \frac{465 \times 18}{180} = 46/5\text{g J}^{-1}\text{km}$$

در ادامه جرم آب مورد نیاز را محاسبه می کنیم:

$$\theta = 50^\circ\text{C} \Rightarrow \left[\frac{62\text{g}}{46/5\text{g}} \sim 100\text{g J}^{-1} \right]$$

$$\Rightarrow y = \frac{46/5 \times 100}{62} = 75\text{g J}^{-1}$$

(شیمی 1- آب، آهنج زنگی: صفحه های 100 و 98)

گزینه «1» (امیرحسین طیب)

بیشترین مقدار یون Al^{3+} در می شود.

متانول مولکولی حل نامحلول است.

کلسیم سففات نامحلول است.

$$\text{Na}_2\text{CO}_3 \Rightarrow ?\text{g} = 4\text{L} \times \frac{1210\text{g}}{1\text{L}}$$

$$\times \frac{21/2\text{g Na}_2\text{CO}_3}{121/2\text{g}} \times \frac{1\text{mol Na}_2\text{CO}_3}{106\text{g Na}_2\text{CO}_3} = 8\text{mol}$$

$$\Rightarrow 3 \times 8 = 24\text{mol} \cdot \text{L}^{-1}$$

(شیمی 1- آب، آهنج زنگی: صفحه 112)

گزینه «1» (ممدرضا پور جاوید)

گزینه «1»

همه عبارت ها درست هستند.

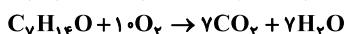
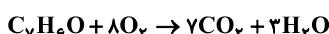
ابتدا غلظت مولی محلول سمت راست لوله را تعیین می کنیم:

$$M = \frac{10\text{ad}}{\text{A}[\text{M}^{30}]} = \frac{10 \times 38 \times 1/5}{95} = 6\text{mol.L}^{-1}$$

از آنجا که محلول سمت راست غلیظتر است، آب از محلول سمت چپ وارد محلول سمت راست لوله می شود و به مرور زمان سطح آب لوله در سمت راست بالاتر خواهد رفت. اما از آنجا که فرق می کنیم فقط آب امکان عبور از غشای نیمه تراوا را دارد، تعداد مول های نمک MgCl_2 در دو طرف لوله تغییری نخواهد کرد.

برای انجام اسمز معکوس باید یک فشار خارجی به محلول غلیظتر (سمت راست) وارد شود تا آب به طرف محلول رقیق تر حرکت کند.

(شیمی 1- آب، آهنج زنگی: صفحه های 117 و 118)



عبارت دوم: آنتالپی پیوند $C \equiv O$ از آنتالپی پیوند $C \equiv O$ کوچکتر است.

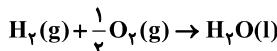
عبارت سوم: شمار پیوندهای $C - H$ موجود در بنزآلدهید و ۲-هپتانون به

ترتیب ۶ و ۱۴ است. بنزآلدهید هم برای سیرشدن به ۳ مول H_2 نیاز دارد.

(شیمی ۳ - در پی غذای سالم؛ صفحه‌های ۶۹ و ۷۰)

(روزبه، رضوانی)

«گزینه ۴»



$$\text{واکنش ۱ را در } \frac{1}{3} \text{ ضرب می‌کنیم.}$$

واکنش ۲ را دست نخورده باقی می‌گذاریم و واکنش سوم را در $\frac{1}{6}$ ضرب می‌کنیم.

$$\Delta H = -\frac{\Delta H_1}{3} + \Delta H_2 + \frac{\Delta H_3}{6}$$

$$\rightarrow -\frac{1}{3}(-920) + (-367/4) + \frac{1}{6}(-1350) \\ \approx -285/2$$

(شیمی ۳ - در پی غذای سالم؛ صفحه‌های ۷۵ و ۷۶)

(محمد رضا پور جاوید)

«گزینه ۵»

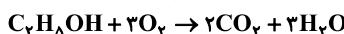
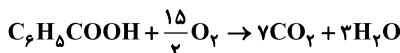
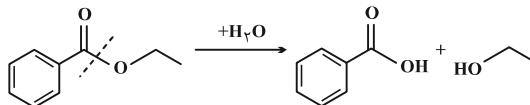
با توجه به اینکه در زمان مورد نظر نیمی از گلوكز اولیه تجزیه شده و نیمی دیگر از آن باقی مانده است، مقدار محصول تولید شده نیز باید نصف مقدار نهایی آن باشد. از آنجا که طبق نمودار حجم گاز نهایی تولید شده ۵۰۰ میلی لیتر است، در زمان مورد نظر باید 250 میلی لیتر گاز به دست آمده باشد که طبق نمودار در ثانیه 1 این مقدار گاز تولید شده است.

(شیمی ۳ - در پی غذای سالم؛ صفحه‌های ۸۰ و ۸۱)

(امیر رضا پغفری نژاد)

«گزینه ۶»

همه عبارت‌ها به جز عبارت پنجم درست است. بررسی برخی از عبارت‌ها:



ماده A و B به ترتیب بنزوئیک اسید و اتانول هستند. جرم مولی شان نیز به ترتیب 122 و 46 گرم بر مول است.

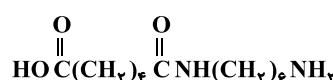
مورد سوم: هر دو H متصل به O دارند.

مورد چهارم: اتانول را می‌توان از اتیل بوتانوات و اتیل هیتانوات بدست آورد.

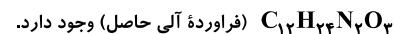
مورد پنجم: جرم مولی اتیلن گلیکول 62 گرم بر مول است در حالیکه اختلاف

جرم مولی A و B , 76 گرم بر مول است.

(شیمی ۳ - پوشک، نیازی پایان‌نیزد؛ صفحه‌های ۱۰۷ و ۱۱۰)



عبارت دوم: 42 جفت الکترون پیوندی و 8 جفت الکترون ناپیوندی در



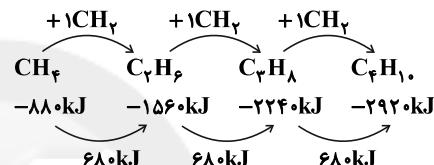
عبارت چهارم: بدليل H متصل به N و O امکان تشکیل پیوند هیدروژنی می‌باشد.

(شیمی ۳ - پوشک، نیازی پایان‌نیزد؛ صفحه‌های ۱۱۶ تا ۱۱۹)

«گزینه ۷»

(امیرحسین طیبی)
می‌دانیم که در بین آلان، میزان ΔH سوختن به مقدار تقریباً یکسانی تغییر می‌کند.

از این اطلاعات برای به دست آوردن ΔH سوختن اتان و پروپان استفاده می‌کنیم.



فرض می‌کنیم در مخلوط اولیه a مول اتان و b مول پروپان وجود داشته است.

$$C_2H_6 \sim \Delta H = -1560\text{kJ}$$

$$C_3H_8 \sim \Delta H = -2240\text{kJ}$$

$$\Rightarrow Q_{C_2H_6} + Q_{C_3H_8} = (1560a + 2240b)(\text{kJ})$$

$$\Rightarrow Q_{C_2H_6} + Q_{C_3H_8} = Q_{H_2O}$$

$$\Rightarrow 156a + 224b = 6700 \times 10^{-3} \times 4 \times 50$$

$$= 26g \Rightarrow \text{جرم پروپان} + \text{جرم اتان}$$

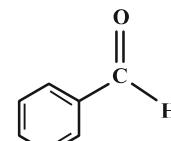
$$\left\{ \begin{array}{l} 156a + 224b = 1340 \\ 3a + 4b = 26 \end{array} \right. \Rightarrow a = 0/\Delta, b = 0/25$$

$$\frac{\text{مول پروپان}}{\text{مول پروپان} + \text{مول اتان}} = \frac{0/25}{0/25 + 0/75} \times 100 = \frac{0}{25} \times 100 \approx 83\%$$

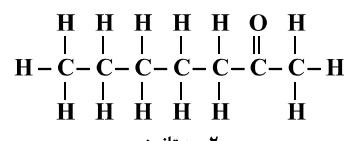
(شیمی ۳ - در پی غذای سالم؛ صفحه‌های ۵۶ و ۶۶ و ۷۰ و ۷۱)

«گزینه ۸»

عبارت سوم نادرست هستند.



بنزآلدهید



-هپتانون

بررسی برخی از عبارات:

عبارت اول:



$$pH = -\log[H^+] = -\log 10^{-4}$$

$$= 4 - \log 10^4 = 4 - 4 \log 10 = 2 / 8$$

مورد دوم: نادرست، pH محلول $2 / 8$ مولار بازهای قوی مانند KOH و NaOH برابر با $1 / 3$ است. آمونیاک باز ضعیف می‌باشد.

مورد سوم: نادرست: مقدار درجه یونش اسیدها محدودهای به صورت $0 < \alpha \leq 1$ است.

مورد چهارم: نادرست.

$$pH = 2 / 7 \rightarrow [H^+] = 10^{-2/7} = 10^{-3} \times 10^{+0/3}$$

$$= 2 \times 10^{-3} \text{ mol.L}^{-1}$$

(شیمی ۳- مولکول‌ها در فرمت تدرستی: صفحه‌های ۲۳ تا ۲۵)

(امیر هاتمیان)

«۱۱۳- گزینه»

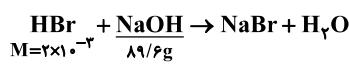
سود سوزآور، سدیم هیدروکسید است.

$$\text{ppm} = \frac{\text{جرم حل شونده سود}}{\text{جرم محلول}} \times 10^6 \Rightarrow 22 / 4 = \frac{x(g)}{4 \times 10^6} \times 10^6$$

$$\Rightarrow x(g) = 89 / 6 \text{ g NaOH}$$

$$pH_{(\text{HBr})} = 2 / 7 \Rightarrow [H^+] = 10^{-2/7}$$

$$= 10^{-3} \times 10^{+0/3} = 2 \times 10^{-3} = M_{\text{HBr}}$$



$$? \text{LHBr} = 89 / 6 \text{ g NaOH} \times \frac{1 \text{ mol NaOH}}{89 / 6 \text{ g NaOH}} \times \frac{1 \text{ mol HBr}}{1 \text{ mol NaOH}}$$

$$\times \frac{1 \text{ LHBr}}{2 \times 10^{-3} \text{ mol HBr}} = 1120 \text{ L HBr}$$

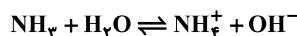
$$d = 1 / 0.5 \frac{\text{g}}{\text{mL}} = 1 / 0.5 \frac{\text{kg}}{\text{L}} \Rightarrow d = \frac{\text{m}}{\text{V}}$$

$$\Rightarrow 1 / 0.5 = \frac{\text{m}(\text{kg})}{1120 \text{ L}} \Rightarrow \text{m} = 112 \text{ kg}$$

(شیمی ۳- مولکول‌ها در فرمت تدرستی: صفحه‌های ۲۸ تا ۳۲)

(امیر هاتمیان)

«۱۱۴- گزینه»



در لحظه تعادل یک یون هیدروکسید، یک یون آمونیوم داریم، پس تعداد کل مولکول‌های NH₃ در لحظه ابتدایی ۵ مولکول بوده است.

$$\alpha = \frac{[\text{OH}^-]}{[\text{NH}_3]} = \frac{1}{5} = 0 / 2$$

$$\text{تعداد مولکول‌های یونیده شده} = \frac{1}{5} = 0 / 2$$

$$\text{تعداد کل مولکول‌های حل شده} = 5$$

$$[\text{OH}^-] = M\alpha$$

$$M_{\text{NH}_3} = \frac{16 \times 10^{-3}}{0 / 8} = \frac{1}{8} \text{ mol.L}^{-1}$$

$$[\text{OH}^-] = \frac{2 \times 10^{-3}}{8 \times 10^{-1}} = 0 / 25 \times 10^{-2}$$

$$[\text{H}^+] = 4 \times 10^{-12} \Rightarrow pH = 12 - \log 4 = 11 / 4$$

$$K_b = \frac{M\alpha^2}{1 - \alpha} = \frac{\frac{1}{8} \times (0 / 2)^2}{1 - 0 / 2} = \frac{1}{1600} = 0 / 625 \times 10^{-3} \text{ mol.L}^{-1}$$

(شیمی ۳- مولکول‌ها در فرمت تدرستی: صفحه‌های ۲۸ تا ۳۰ و ۳۵)

(امیر هاتمیان طیب)

«۱۰۹- گزینه»

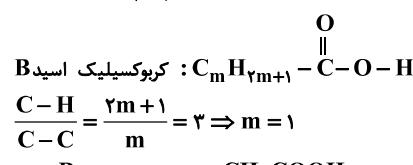
$$A : C_n H_{2n+2} O$$

$$\frac{n(f) + 2n + 2 + 1(2)}{2} = 3n + 2$$

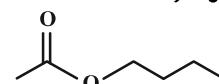
$$1 \times 2 = 2$$

$$\Rightarrow \frac{p.e}{n.e} = \frac{3n + 2}{2} = 7 \Rightarrow 3n = 12 \Rightarrow n = 4$$

$$\Rightarrow A : \text{الکل } C_4 H_10 O$$



ساختار استر حاصل (بوتیل اتانوات):



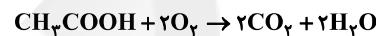
(شیمی ۳- پوشک، نیازی پایان تا پذیر: صفحه‌های ۱۷ تا ۲۱ و ۲۳)

(امیر هاتمیان طیب)

«۱۱۰- گزینه»

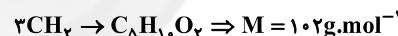
عبارت‌های اول، دوم و پنجم درست هستند.

بررسی عبارت دوم:



$$3\text{g CH}_3\text{COOH} \times \frac{1 \text{ mol}}{60 \text{ g}} \times \frac{2 \text{ mol O}_2}{1 \text{ mol}} = 0 / 1 \text{ mol O}_2$$

بررسی عبارت چهارم: حداقل جرم مولی این اسید به صورت زیر است:



(شیمی ۳- پوشک، نیازی پایان تا پذیر: صفحه‌های ۱۹ تا ۲۳)

(امیر هاتمیان، رضوانی)

«۱۱۱- گزینه»

$$R_{(\text{H}^+)} = 2R(I_2) = 2 \times 2 \times 10^{-3} = 4 \times 10^{-3} \frac{\text{mol}}{\text{L.s}}$$

$$\Delta[\text{H}^+] = 4 \times 10^{-3} \frac{\text{mol}}{\text{L.s}} \times 2\text{s} = 8 \times 10^{-3} \frac{\text{mol}}{\text{L}}$$

$$[\text{H}^+]_{\text{ثانویه}} = 0 / 0.4 - 0 / 0.8 = 0 / 0.32 \text{ mol.L}^{-1}$$

$$\Rightarrow \text{pH}_{\text{ثانویه}} = -\log(0.32 \times 10^{-3}) = 1 / 5$$

$$\Delta_{\text{pH}} = 1 / 5 - 1 / 4 = 0 / 1$$

(شیمی ۳- مولکول‌ها در فرمت تدرستی: صفحه‌های ۲۸ تا ۳۲)

(امیر هاتمیان)

«۱۱۲- گزینه»

فقط عبارت اول درست است. بررسی عبارت‌ها:

مورد اول: درست.

$$[\text{H}^+] = M\alpha \rightarrow [\text{H}^+] = 8 \times 10^{-2} \times \frac{2}{100} = 16 \times 10^{-4}$$



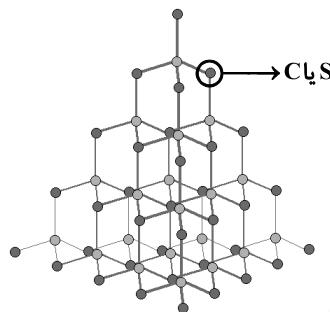
(یاسر، راشن)

«۱۱۸- گزینه ۳»

بررسی همه گزینه ها:

گزینه «۱»: Si در ساختار SiC (سیلیسیم کربید) نیز یافت می شود.
 گزینه «۲»: Si پس از اکسیژن، فراوان ترین عنصر در پوسته جامد زمین است.

گزینه «۳»: ساختار شبکه کووالانسی Si با الماس که یکی از دگرشکل های کربن است، مشابه و به صورت زیر است:



گزینه «۴»: Si در واکنش با دیگر اتم ها، تنها الکترون به اشتراک می گذارد.
 (شیمی ۳- شیمی، پلوه ای از هنر، زیبایی و هانگاری؛ صفحه های ۶۸ تا ۷۰)

(یاسر، راشن)

«۱۱۹- گزینه ۱»

قسمت اول: مقدار آلاینده ای که مبدل از ورود آن به هوکر جلوگیری می کند برابر است با:

$$\text{? kgNO} = ۳۰ \cdot \text{km} \times \frac{(۱/۰۴ - ۰/۰۴) \text{g NO}}{\text{km}} \times \frac{۱ \text{kg}}{۱۰^۳ \text{g}} = ۰/۳ \text{kg NO}$$

قسمت دوم: با توجه به نمودار، ابتدا ΔH واکنش را به دست می آوریم:
 $\Delta H = ۳۸۱ - ۵۶۱ = -۱۸ \text{ kJ}$

در نتیجه مقدار گرمایی که آزاد می شود برابر است با:

$$\text{? kJ} = ۰/۳ \text{kgNO} \times \frac{۱/۳ \text{g}}{\text{kg}} \times \frac{۱ \text{mol NO}}{۳ \cdot ۰ \text{g NO}} \times \frac{۱۸ \cdot ۰ \text{kJ}}{۱ \text{mol NO}} = ۹۰ \cdot ۰ \text{kJ}$$

(شیمی ۳- شیمی، راهی به سوی آینده ای روشن تر؛ صفحه های ۹۸ تا ۱۰۰)

(یاسر، راشن)

«۱۲۰- گزینه ۱»

$$K = \frac{[\text{N}_\gamma][\text{CO}_\gamma]^2}{[\text{NO}]^2[\text{CO}]^2} = ۴ \times ۱۰^{-۱} \Rightarrow \frac{(۰/۴)(۰/۶)^2}{[\text{NO}]^2(۱)^2} = ۴ \times ۱۰^{-۱}$$

$$\Rightarrow [\text{NO}]^2 = ۰/۳۶ \Rightarrow [\text{NO}] = ۰/۶$$

جرم NO در مخلوط تعادلی برابر است با:

$$\text{? gNO} = ۰/۶ \text{mol.L}^{-۱} \times ۲۰ \cdot ۰ \text{mL} \times \frac{۱ \text{L}}{۱۰۰ \cdot ۰ \text{mL}}$$

$$\times \frac{۳ \cdot ۰ \text{g NO}}{۱ \text{mol NO}} = ۳/۶ \text{gNO}$$

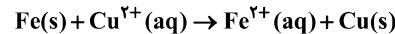
(شیمی ۳- شیمی راهی به سوی آینده ای روشن تر؛ صفحه های ۱۰۱ تا ۱۰۳)

(امیر ھاتمیان)

«۱۱۵- گزینه ۳»

بررسی عبارت ها:

معادله کلی واکنش:



عبارت اول: درست، در نیم سلول کاتدی در کنار تیغه مس عمل کاهش صورت می گیرد، یون های $\text{Cu}^{۲+}$ با گرفتن الکترون کاهش می یابند و از غلظت $\text{Cu}^{۲+}$ کم می شود.

عبارت دوم: نادرست، فلز آهن کاهنده تر از فلز مس است و فلز آهن قطب منفی است.

عبارت سوم: درست: اگر M کاهنده قوی تر باشد:

$$E^\circ = ۰/۳۲ = -۰/۴۴ - E^\circ_{M^{۲+}/M}$$

$$E^\circ_{M^{۲+}/M} = -۰/۷۶ \text{V}$$

عبارت چهارم: درست

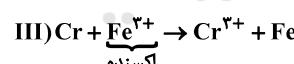
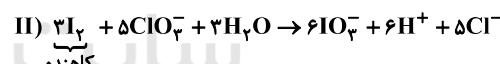
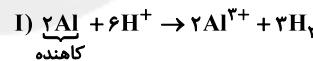
$$\begin{aligned} e^- &= ۲ / \lambda g \text{Fe} \times \frac{۱ \text{mol Fe}}{\Delta \theta g \text{Fe}} \times \frac{۲ \text{mol e}^-}{۱ \text{mol Fe}} \\ &\times \frac{N_A}{\text{۱mole}^-} = ۰/۱ N_A \end{aligned}$$

(شیمی ۳- آسایش و رفاه در سایه شیمی؛ صفحه های ۱۴۸ تا ۱۵۰)

(امیرحسین مسلمی)

«۱۱۶- گزینه ۴»

موازنہ واکنش ها به صورت زیر است:



$$\frac{۳+۲}{۱} = ۵$$

(شیمی ۳- آسایش و رفاه در سایه شیمی؛ صفحه های ۱۳۷ تا ۱۴۰)

(یاسر، راشن)

«۱۱۷- گزینه ۲»

شکل های «آ»، «ب» و «پ» به ترتیب ساختار مواد یونی، مولکولی و فلزی را نشان می دهد.

آ: $\text{CaO}, \text{Fe}_2\text{O}_۳$ ب: $\text{CO}_۲, \text{SO}_۴$ پ: Au, Al

گرافیت یک جامد کووالانسی است و هیچ کدام از شکل ها ساختار ذره ای یک جامد کووالانسی را نشان نمی دهد.

(شیمی ۳- شیمی، پلوه ای از هنر، زیبایی و هانگاری؛ صفحه های ۶۶ و ۶۷)