

آنلاین

آزمون

۷



مرکز سنجش آموزش مدارس برتر

پایه

۱۲

آزمون شماره ۷ پایه دوازدهم

دفترچه شماره ۱

۱۴۰۲/۴/۱

**آزمون اختصاصی
گروه آزمایشی علوم ریاضی و فنی**

مدت پاسخ‌گویی: ۷۰ دقیقه

تعداد سؤال: ۴۰

عنوان مواد امتحانی آزمون اختصاصی گروه آزمایشی علوم ریاضی و فنی، تعداد، شماره سوالات و مدت پاسخ‌گویی

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سؤال	از شماره	تا شماره	مدت پاسخ‌گویی
۱	حسابان	۱۷	۱	۱۷	۳۰ دقیقه
۲	هندسه	۱۱	۱۸	۲۸	۲۰ دقیقه
۳	گسسته	۱۲	۲۹	۴۰	۲۰ دقیقه

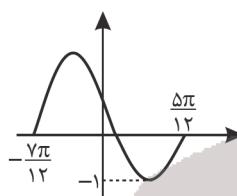
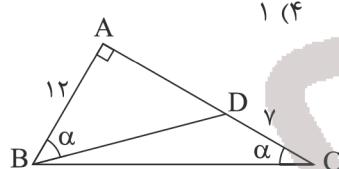
مواد امتحانی	سrfصل دهم	سrfصل یازدهم	سrfصل دوازدهم
حسابان	مطابق با سrfصل کنکور سراسری		
هندسه	مطابق با سrfصل کنکور سراسری		
گسسته	مطابق با سrfصل کنکور سراسری		

تمامی حقوق مادی و معنوی آزمون، متعلق به مرکز سنجش آموزش مدارس برتر بوده و هرگونه استفاده از آن بدون داشتن اجازه‌نامه کتبی از این مرکز، خلاف قانون و عرف و قابل پیگیری می‌باشد.

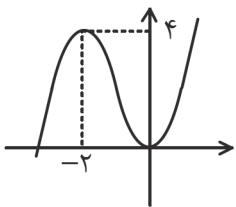
سال تحصیلی ۱۴۰۱-۱۴۰۲

ریاضیات

- ۱ اگر $A = \frac{1}{\sqrt[3]{4} + \sqrt[3]{9} + \sqrt[3]{6}}$ مقدار $A + \sqrt[3]{2}$ و $A - \sqrt[3]{3}$ چه عددی است؟
- ۲ هرگاه تساوی $\sqrt[4]{4} \times \sqrt{4 - 2\sqrt{2}} \times \sqrt{4 + 2\sqrt{2}} = 2^{m-1}$ برقرار باشد، m کدام است؟
- ۳ اگر α و β جواب‌های معادله $\frac{6}{x} = 2 + \frac{x}{x+1}$ باشند، حاصل $(\alpha - \frac{2}{\beta})^2 + (\beta - \frac{2}{\alpha})^2$ کدام است؟
- ۴ مجموع ریشه‌های $\sqrt{3+x} + \sqrt{3-2x} = 3$ کدام است؟
- ۵ اگر $2x + ay = b$ و $4x - 6y = 3$ دو ضلع مقابله‌یک مربع با مساحت ۱۳ باشد، مقدار b کدام می‌تواند باشد؟
- ۶ هرگاه $\log_{15} 5 + \log_{15} \alpha = \log_{15} 75$ مقدار α کدام است؟
- ۷ هرگاه $f(x) = \log_7(4 - 2^x)$ مقدار x در معادله $f(f(x)) = f^{-1}(x)$ چه عددی است؟
- ۸ در شکل زیر مقدار $\sin \alpha$ چقدر است؟
- ۹ نمودار تابع $f(x) = c + a \sin bx$ در یک دورهٔ تناسب به صورت زیر است، حاصل $c + ab$ کدام است؟
- ۱۰ مجموع جواب‌های معادله $2 + \cos 2x = 3 \cos x$ در بازه $[0, 2\pi]$ کدام است؟
- ۱۱ تابع $f(x) = \begin{cases} |x|^2 - x & |x| \geq 1 \\ g(x) & |x| < 1 \end{cases}$ در \mathbb{R} پیوسته است. ضابطه g کدام می‌تواند باشد؟
- ۱۲ نمودار تابع $f(x) = x^3 - 2x$ را سه واحد به چپ انتقال داده و سپس نسبت به محور y ها قرینه می‌کنیم. نمودار حاصل و نمودار $f(x)$ نسبت به کدام خط تقارن دارند؟
- ۱۳ باقی‌مانده تقسیم $1 - x^4 - 3x^2 + Kx - 1$ بر $x + 1$ برابر ۳ است. مجموع ضرایب خارج قسمت این تقسیم کدام است؟
- ۱۴ اگر $A(-3, 2)$ تنها نقطهٔ تلاقی مجانب‌های قائم و افقی تابع $f(x) = \frac{4x^2 + 1}{ax^2 + bx + c}$ باشد، مقدار $a + c$ چه عددی است؟
- ۱۵ تابع $f(x) = x^3 + \frac{a}{x} + 3$ بر خط $y = 4x + b$ در نقطه‌ای به طول ۱ مماس است. مقدار $a + b$ کدام است؟
- ۱۶ در ساخت یک قوطی کنسرو سربسته به شکل استوانه قائم به حجم 2π ، کمترین مقدار جنس استفاده شده چقدر است؟



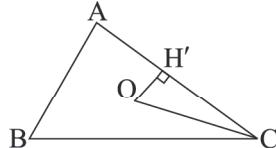
محل انجام محاسبه



- ۱۷- شکل زیر نمودار یک چندجمله‌ای درجه سوم است. کدام عدد ریشه $f(x) = 0$ است؟

- ۳ (۲) -۲/۵ (۱)
 $-\frac{11}{4}$ (۴) $-\frac{9}{4}$ (۳)

- ۱۸- در شکل زیر O نقطه تلاقی نیمساز زاویه C و عمود منصف ضلع BC است. با فرض $CH' = 4$ و $OH' = 3$ ، مساحت مثلث OBC برابر کدام است؟



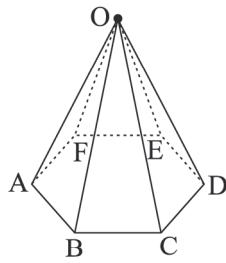
- ۸ (۲) ۶ (۱)
 ۱۶ (۴) ۱۲ (۳)

- ۱۹- در مثلث قائم الزاویه $\triangle ABC$ ($A = 90^\circ$ ، $AB = 4$ و $AC = 3$) هستند. از نقطه E ارتفاع AH را بر ضلع BC رسم کنید. مساحت چهارضلعی BDEH چه کسری از مساحت مثلث ABC است؟

- $\frac{AE}{EH} = \frac{2}{2}$ $\frac{23}{455}$ (۳) $\frac{432}{625}$ (۲) $\frac{164}{625}$ (۱)

- ۲۰- در یک n‌ضلعی محدب، سه رأس یکی در میان را انتخاب می‌کنیم و قطرهای آن را رسم می‌نماییم. اگر مجموع تعداد قطرهای گذرنده از این سه رأس برابر ۱۵ باشد، تعداد کل قطرهای n‌ضلعی چقدر است؟

- ۳۶ (۴) ۲۷ (۳) ۲۱ (۲) ۲۰ (۱)



- ۲۱- در هرم شکل زیر با قاعده شش‌ضلعی منتظم، چند یال با هر سه یال OA, OB و OC متناظر است؟

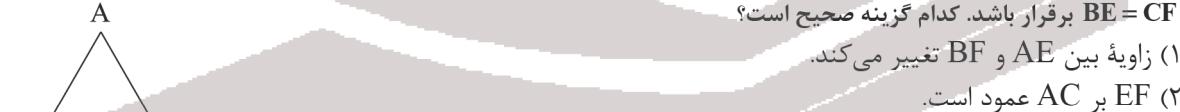
- ۱) صفر
 ۲) ۱
 ۳) ۲
 ۴) ۳

- ۲۲- در شکل زیر، اگر $CN = 4$ ، $BF = 2$ ، $CE = 3$ باشند، مساحت مثلث متساوی‌الاضلاع ABC برابر کدام است؟



- $8\sqrt{3}$ (۲) $5\sqrt{3}$ (۱)
 $9\sqrt{3}$ (۴) $4\sqrt{3}$ (۳)

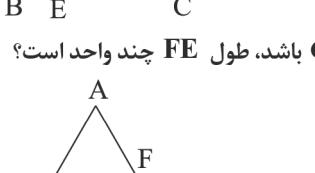
- ۲۳- در شکل زیر مثلث ABC متساوی‌الاضلاع است. نقاط E و F روی اضلاع BC و AC چنان حرکت می‌کنند که همواره رابطه $BE = CF$ برقرار باشد. کدام گزینه صحیح است؟



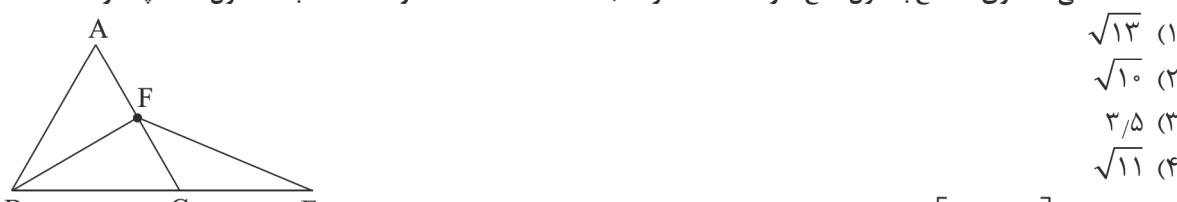
- ۱) زاویه بین AE و BF تغییر می‌کند.
 ۲) EF بر AC عمود است.

۳) عمودمنصف پاره خط EF همواره از نقطه ثابتی می‌گذرد.

۴) عمودمنصف ضلع AB نمی‌تواند EF را نصف کند.



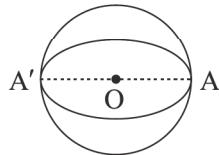
- ۲۴- مثلثی متساوی‌الاضلاع به طول ضلع ۳ واحد است. اگر $CE = 3$ ، $AF > CF$ و $BF = \sqrt{7}$ باشد، طول FE چند واحد است؟



- ۲۵- اگر دترمینان $A = \begin{bmatrix} m & 0 & 1 \\ m & 1 & 1 \\ 1 & 0 & m \end{bmatrix}$ با دترمینان وارون ماتریس $B = \begin{bmatrix} \cos \alpha & -\sin \alpha \\ \sin \alpha & \cos \alpha \end{bmatrix}$ برابر باشد، مقدار m کدام است؟

- $-\sqrt{2}$ (۴) ۲ (۳) ۱ (۲) -۱ (۱)

- ۲۶- قطر دایره C همان قطر بزرگ بیضی است. از کانون F عمودی بر AA' رسم می کنیم تا دایره را در نقطه M قطع کند. اگر طول قطر



بزرگ و کوچک بیضی به ترتیب ۸ و ۴ واحد باشد، مساحت مثلث OMF چقدر است؟

- (۱) $4\sqrt{3}$ (۲) $2\sqrt{5}$ (۳) $4\sqrt{5}$ (۴) $2\sqrt{3}$

- ۲۷- یک بیضی بر چهار خط $x=5$ و $y=3$ و $x=-5$ و $y=-3$ مماس شده است. کدامیک از گزینه های زیر، مختصات یکی از کانون های این بیضی است؟

- (۱) $(1, -\sqrt{5})$ (۲) $(-\sqrt{5}, 1)$ (۳) $(\sqrt{5}, 1)$ (۴) $(1, \sqrt{5})$

- ۲۸- با سه بردار $\vec{k} = \vec{j} + 3\vec{k}$ و $\vec{j} = 2\vec{i} - \vec{k}$ یک متوازی السطوح ساخته ایم. بیشترین فاصله دو وجه مقابله این متوازی السطوح کدام است؟

- (۱) $\frac{2\sqrt{21}}{3}$ (۲) $\frac{14}{13}$ (۳) $\frac{2\sqrt{24}}{3}$ (۴) 2

- ۲۹- گزاره $(p \wedge \sim r) \Rightarrow (p \wedge r) \vee (\sim p \wedge r) \Leftrightarrow [\sim q \wedge (\sim p \wedge r)] \vee [(q \wedge r) \vee (p \wedge r)]$ کدام گزاره است؟

- (۱) $\sim p$ (۲) $\sim r$ (۳) p (۴) r

- ۳۰- مجموعه $A = \{a, b, c, d, e\}$ را به چند طریق می توان به ۳ مجموعه افزای کرد؟

- (۱) 10 (۲) 15 (۳) 20 (۴) 25

- ۳۱- هفت دانش آموز به همراه پدر و مادرشان در یک جلسه مشاوره دیپرستان شرکت کرده اند، به چند روش می توان این خانواده ها را در یک صفت مرتب کرد، هرگاه بخواهیم هر دانش آموز بین پدر و مادرش باشد؟

- (۱) $7! \times 2^7$ (۲) $7! \times 6^7$ (۳) $7! \times 2^7$ (۴) $7!$

- ۳۲- از کیسه ای شامل ۳ مهره سفید و ۷ مهره سیاه، دو مهره به تصادف انتخاب کرده و بدون نگاه کردن به رنگ آنها از کیسه خارج می کنیم. سپس مهره دیگری از کیسه بر می گزینیم، اگر این مهره سفید باشد، احتمال آنکه دو مهره خارج شده نیز سفید باشند، چقدر است؟

- (۱) $\frac{1}{6}$ (۲) $\frac{1}{36}$ (۳) $\frac{1}{45}$ (۴) $\frac{1}{9}$

- ۳۳- برآورد بازه ای ۹۵ درصد برای میانگین جامعه ای با انحراف معیار $11/2$ به صورت $[24/6, 30/2]$ است. کدام گزینه تعداد اعضای نمونه را نشان می دهد؟

- (۱) 49 (۲) 64 (۳) 72 (۴) 49

- ۳۴- فرض کنید $a \in \mathbb{N}$ و $a+1 = a^2 - 6a - 7$: مجموع مقادیر قابل قبول برای a کدام است؟

- (۱) 10 (۲) 11 (۳) 12 (۴) 13

- ۳۵- باقی مانده و خارج قسمت تقسیم a بر b ، به ترتیب 11 و 25 می باشد. اگر $7a$ در تقسیم بر b ، باقی مانده 3 داشته باشد، رقم یکان عدد سه رقمی a کدام است؟

- (۱) 1 (۲) 3 (۳) 6 (۴) 7

- ۳۶- در گرافی از مرتبه 6 ، رابطه $\delta = 6$ برقرار است. برای Q چند مقدار به دست می آید؟

- (۱) 1 (۲) 2 (۳) 3 (۴) 12

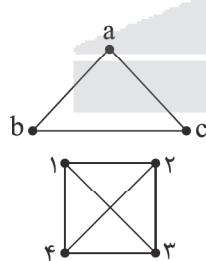
- ۳۷- گراف مکمل گراف زیر چند دور به طول 4 دارد؟

- (۱) 12

- (۲) 18

- (۳) 35

- (۴) 24



- ۳۸- نامعادله $341 < 27 < (x_1 + x_2 + x_3)^3$ دارای چند جواب طبیعی است؟

- (۱) 21 (۲) 16 (۳) 13 (۴) 19

- ۳۹- به ازای چند عضو a از مجموعه $\{a \in \mathbb{N}, a < 100\}$ معادله $4 = 21x + ay$ دارای جواب است؟

- (۱) 48 (۲) 55 (۳) 46 (۴) 56

- ۴۰- مجموعه $A = \{3, 4, 5, \dots, 30\}$ مفروض است. حداقل چند عدد از مجموعه A برداریم تا مطمئن باشیم جمع دو عدد از اعداد انتخابی برابر 36 است؟

- (۱) 18 (۲) 17 (۳) 16 (۴) 15

آنلاین

آزمون



پایه



مرکز سنجش آموزش مدارس برتر

آزمون شماره ۷ پایه دوازدهم

دفترچه شماره ۵

۱۴۰۲/۴/۱

آزمون اختصاصی
گروه آزمایشی علوم ریاضی و فنی

مدت پاسخ‌گویی: ۷۵ دقیقه

تعداد سؤال: ۶۵

عنوان مواد امتحانی آزمون اختصاصی گروه آزمایشی علوم ریاضی و فنی، تعداد، شماره سوالات و مدت پاسخ‌گویی

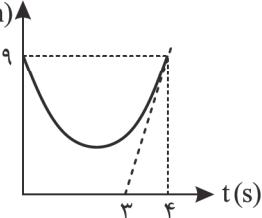
ردیف	مواد امتحانی	تعداد سؤال	از شماره	تا شماره	مدت پاسخ‌گویی
۱	فیزیک	۳۵	۴۱	۷۵	۴۵ دقیقه
۲	شیمی	۳۰	۷۶	۱۰۵	۳۰ دقیقه

مواد امتحانی	سرفصل دهم	سرفصل بازدهم	سرفصل دوازدهم
مطابق با سرفصل کنکور سراسری			فیزیک
مطابق با سرفصل کنکور سراسری			شیمی

تمامی حقوق مادی و معنوی آزمون، متعلق به مرکز سنجش آموزش مدارس برتر بوده و هرگونه استفاده از آن بدون داشتن اجازه‌نامه کتبی از این مرکز، خلاف قانون و عرف و قابل پیگیری می‌باشد.

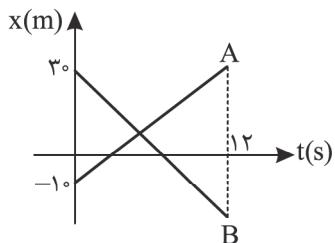
سال تحصیلی ۱۴۰۱-۱۴۰۲

- ۴۱- نمودار مکان - زمان متوجهی که روی محور x حرکت می کند، مطابق سهمی شکل مقابل است. شتاب متوسط حرکت در ۴ ثانیه اول چند متر بر مربع ثانیه است؟ (خط چین خط مماس بر منحنی در $t = 4\text{ s}$ است)



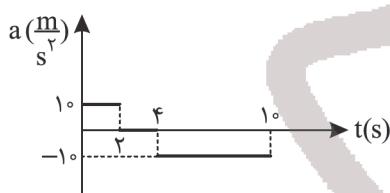
- ۱) ۱۲
۲) ۶
۳) ۳
۴) ۴/۵

- ۴۲- شکل مقابل نمودار مکان - زمان دو متوجه A و B که روی محور x ها حرکت می کنند را نشان می دهد. اگر در $t = 12\text{ s}$ فاصله دو متوجه 80 m باشد، در چه لحظه ای بر حسب ثانیه دو متوجه به هم می رسند؟



- ۱) ۲
۲) ۳
۳) ۴
۴) ۵

- ۴۳- شکل زیر نمودار شتاب - زمان متوجهی را در حرکت روی خط راست نشان می دهد. شتاب متوسط در ۵ ثانیه اول حرکت چند $\frac{\text{m}}{\text{s}^2}$ است؟



- ۱) ۱
۲) ۲
۳) ۳
۴) ۴

- ۴۴- معادله مکان - زمان متوجه ب خط راست به شکل $x = 11t^3 - 10t + 3$ در SI است. تندی متوجه در لحظه عبور از مکان $x = 11\text{ m}$ چند متر بر ثانیه است؟

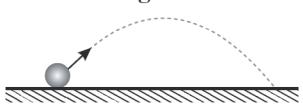
- ۱) ۱۲
۲) ۸
۳) ۴
۴) ۱۴

- ۴۵- مطابق شکل زیر، کتابی به جرم $2/4$ کیلوگرم را توسط دو نیروی افقی و قائم F به دیواری تکیه داده ایم. حداکثر نیروی F چند نیوتون باشد تا کتاب روی دیوار ساکن بماند؟ ($\mu_s = 0.2$, $g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$)



- ۱) ۱۲
۲) ۲۰
۳) ۲۴
۴) ۳۰

- ۴۶- گلوله ای به جرم ۴ کیلوگرم را از سطح زمین مطابق شکل، پرتاب می کنیم. اگر در بالاترین نقطه مسیر که بردار سرعت کاملاً موازی افق زمین است، نیروی مقاومت هوا 9 نیوتون باشد، بزرگی شتاب در SI و جهت شتاب حرکت در این لحظه کدام است؟ ($g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}$)



- ۱) $10/5$ و \swarrow
۲) $10/25$ و \nwarrow
۳) $10/75$ و \searrow
۴) $11/4$ و \nearrow

محل انجام محاسبه

- جسمی به جرم ۸ کیلوگرم توسط نیروی افقی 40 نیوتون کشیده شده و با سرعت ثابت $12 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ روی مسیر افقی در حال حرکت است.

اگر این نیرو حذف شود، جسم پس از چند ثانیه متوقف می‌شود؟

- ۱) ۱
۲) ۲
۳) ۴
۴) ۳

- دوچرخه‌سواری مسیری دایره‌ای به شعاع 20 متر را با سرعتی به بزرگی $36 \frac{\text{km}}{\text{h}}$ می‌پیماید. جرم دوچرخه و دوچرخه‌سوار مجموعاً

۸۰ kg است. نیروی مرکزگاری وارد شده از طرف جاده به دوچرخه چند نیوتون است؟ ($g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}$)

- ۱) ۱۰۰
۲) ۲۰۰
۳) ۴۰۰
۴) ۸۰۰

- در یک حرکت نوسانی ساده، در بازه زمانی که اندازه شتاب نوسانگر در حال افزایش است، قطعاً.....

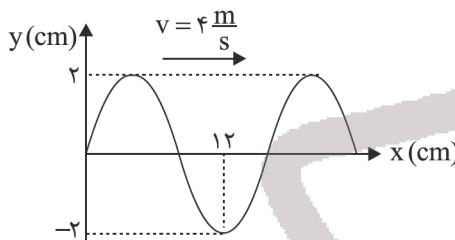
۱) نوسانگر در حال نزدیک شدن به مرکز نوسان است.
۲) حرکت نوسانگر تندشونده است.

۳) انرژی مکانیکی نوسانگر در حال کاهش است.
۴) انرژی پتانسیل نوسانگر در حال افزایش است.

- آونگی بطول $6/25 \text{ m}$ در حال نوسان است. این آونگ در هر دقیقه چند بار طول پاره خطی را که روی آن نوسان می‌کند طی می‌کند؟ ($\pi^3 = g$)

- ۱) ۱۲
۲) ۲۴
۳) ۶
۴) ۳

- شکل زیر، نقش یک موج عرضی را در یک لحظه نشان می‌دهد. هر ذره از محیط انتشار موج در مدت یک ثانیه مسافت چند متر را در



اثر نوسان طی می‌کند؟

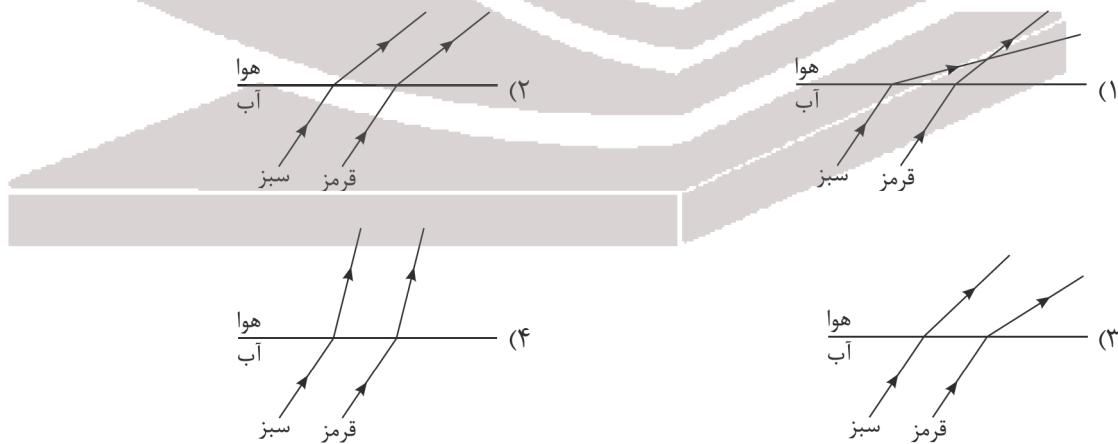
- ۱) ۱
۲) ۲
۳) ۳
۴) ۴

- نسبت طول موج نور قرمز به نور سبز در هوا $\frac{7}{6}$ است، نسبت بسامد نور قرمز به سبز در مایع A کدام است؟ (فرض کنید سرعت نور

قرمز در مایع A، $\frac{4}{3}$ سرعت نور سبز در مایع A است.)

- ۱) $\frac{9}{14}$
۲) $\frac{14}{9}$
۳) $\frac{4}{7}$
۴) $\frac{7}{6}$

- دو پرتو نور تکرنگ موازی سبز و قرمز با زاویه تابش یکسان به طور مابین آب و هوا می‌تابد. در کدام گزینه مسیر پرتوهای شکست این دو پرتو به درستی نشان داده شده است؟



محل انجام محاسبه

- ۵۴ در یک تار مرتعش موج ایستاده تشکیل شده است. اگر نیروی کشش تار ۳۶ درصد کاهش یابد، بسامد هماهنگ اصلی چند درصد تغییر می‌کند؟

- (۱) ۴۰ درصد کاهش می‌یابد.
 (۲) ۲۰ درصد افزایش می‌یابد.
 (۳) ۲۰ درصد افزایش می‌یابد.

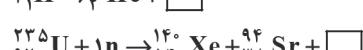
- ۵۵ انرژی الکترون در دومین حالت برانگیخته در اتم هیدروژن بر حسب الکترون ولت کدام است؟ ($E_R = 13.6 \text{ eV}$)

- (۱) $-1/51$ (۲) $-3/4$ (۳) $-4/5$ (۴) $-6/7$

- ۵۶ الکترونی در تراز $n=2$ اتم هیدروژن قرار دارد. اگر الکترون به حالت پایه برود، از سطح کدامیک از فلزهای A، B و C پدیده فوتالکتریک، می‌تواند الکترون جدا کند؟ ($E_R = 13.6 \text{ eV}$, $W_A = 8 \text{ eV}$, $W_B = 9.8 \text{ eV}$, $W_C = 11.2 \text{ eV}$)

- (۱) فقط A (۲) فقط A و B (۳) C و A (۴) C و B

- ۵۷ از سطح هیچ کدام نمی‌تواند الکترون جدا کند.



- (۱) ۲ پوزیترون، ۳ نوترون
 (۲) بتای منفی، ۲ نوترون
 (۳) یک α ، ۳ نوترون

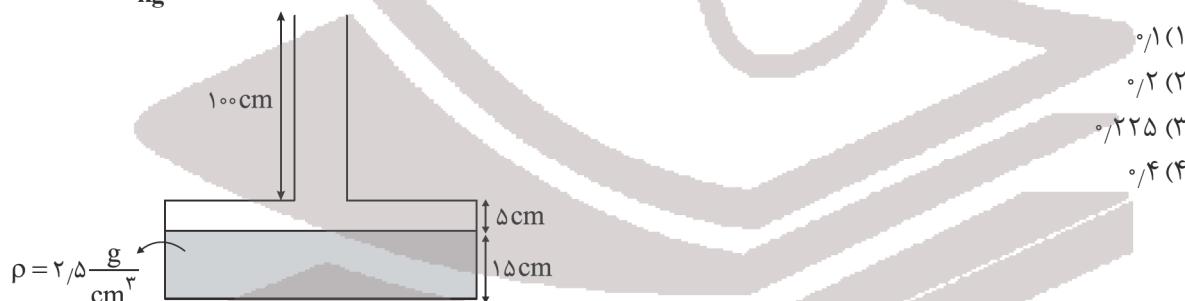
- ۵۸ کمیت‌های و اصلی و نرده‌ای و کمیت‌های و برداری هستند.

- (۱) جریان الکتریکی و چگالی - شتاب و کار
 (۲) طول و جرم - نیرو و شتاب گرانش

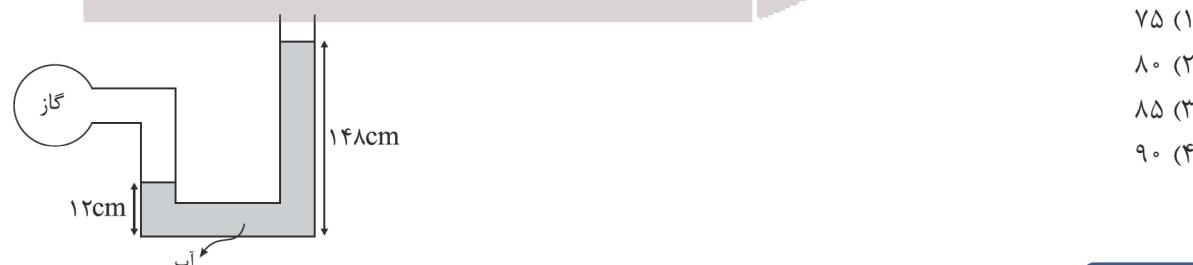
- (۳) طول و زمان - جریان الکتریکی و کار
 (۴) طول و جرم - نیرو و جریان الکتریکی

- ۵۹ در شکل زیر، بیشینه نیروی که ظرف حاوی مایع می‌تواند تحمل کند برابر 60 N نیوتن است. حداقل چند لیتر از مایع موجود می‌توان

به ظرف اضافه کرد تا ظرف شکسته نشود؟ (سطح مقطع کف ظرف 40 cm^2 و سطح مقطع لوله باریک 5 mm^2 است و $g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}$)



- ۶۰ در شکل مقابل فشار گاز داخل مخزن چند سانتی‌متر جیوه است؟ (فشار هواي محیط 70 cm Hg و $\rho_{\text{Hg}} = 13.6 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$, $\rho_{\text{air}} = 1 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$)

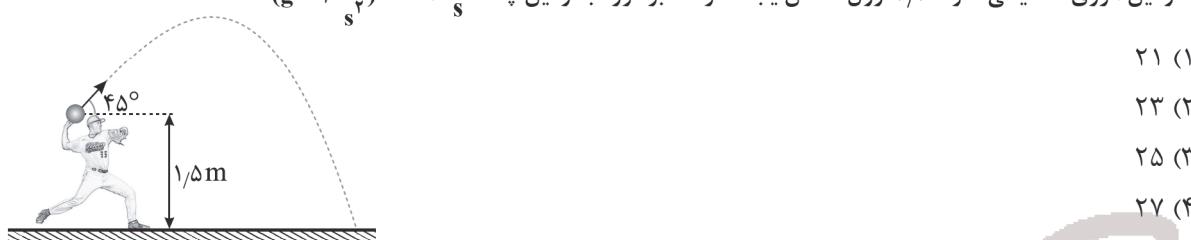


محل انجام محاسبه

۶۱- از یک بلندی به ارتفاع 20 m متر گلوله‌ای به جرم 4 kg بدون سرعت اولیه رها شده و با تندی $\frac{\text{m}}{\text{s}}$ 15 به زمین می‌خورد. اندازه کار نیروی مقاومت هوا در این جایه‌جایی چند ژول است؟ $(g = 10\frac{\text{m}}{\text{s}^2})$

- ۳۵۰ (۴) ۴۰۰ (۳) ۴۵۰ (۲) ۸۰۰ (۱)

۶۲- ورزشکاری گلوله‌ای 200 g را با تندی $24\frac{\text{m}}{\text{s}}$ از ارتفاع $1/5\text{ m}$ برتاب می‌کند. اگر از لحظه رها شدن گلوله از دستان ورزشکار تا برخورد به زمین انرژی مکانیکی گلوله $7/7$ ژول کاهش یابد، سرعت برخورد به زمین چند $\frac{\text{m}}{\text{s}}$ است؟ $(g = 10\frac{\text{m}}{\text{s}^2})$



۶۳- شکل زیر نمودار دما - زمان جسمی را نشان می‌دهد که به آن با آهنگ ثابتی گرمای ویژه جسم در حالت جامد باشد، گرمای نهان ذوب آن چند کیلوژول بر کیلوگرم است؟ $(J_{\text{kg}^{\circ}\text{C}})$

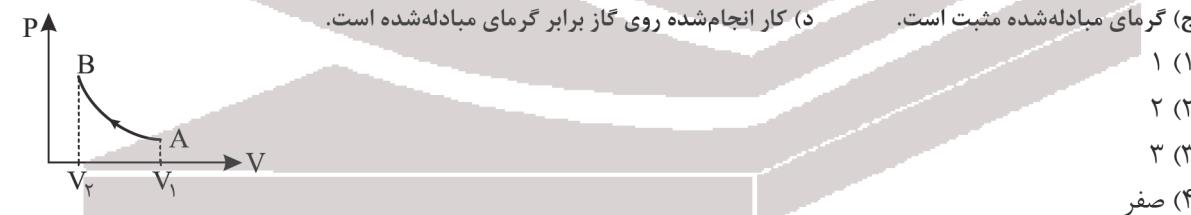


۶۴- دو کره فلزی هم‌جنس A و B با شعاع‌های یکسان R در اختیار داریم. کره A توپر و کره B دارای حفره‌ای به شعاع $\frac{R}{3}$ است. اگر به این دو کره به یک اندازه گرمای بدھیم، تغییر حجم کره A ، چند برابر تغییر حجم کره B است؟

- ۱) $\frac{1}{7}$ (۴) ۲) $\frac{7}{8}$ (۳) ۳) $\frac{7}{2}$ (۲) ۴) 1 (۱)

۶۵- مطابق شکل، حجم مقدار معینی گاز کامل در یک فرایند بی‌درоро از V_1 به V_2 می‌رسد. کدام مورد درست است؟
الف) انرژی درونی افزایش می‌یابد.
ب) دمای گاز کم می‌شود.

ج) گرمای مبادله شده مثبت است.
د) کار انجام شده روی گاز برابر گرمای مبادله شده است.



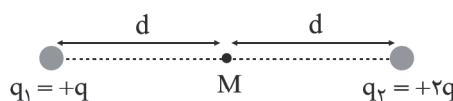
۶۶- مطابق شکل، ذرهای به جرم 10 g و بار الکتریکی 5 μC در یک میدان الکتریکی بکنواخت میان دو صفحه یک خازن شارژ شده در حال تعادل و سکون است، میدان الکتریکی میان صفحات خازن چند نیوتون بر کولن و جهت آن کدام است؟ $(g = 10\frac{\text{N}}{\text{kg}})$

- ۱) 4×10^4 ، بالا (۳)
۲) 2×10^4 ، پایین (۲)
۳) 5×10^5 ، بالا (۴)
۴) 5×10^5 ، پایین (۳)

q

محل انجام محاسبه

- ۶۷ در شکل زیر، بودار میدان الکتریکی حاصل از دو بار در نقطه M بدار \vec{E} است. اگر بدون تغییر علامت، مقدار بار q_1 پنج برابر شود، بودار میدان الکتریکی در M کدام می‌شود؟



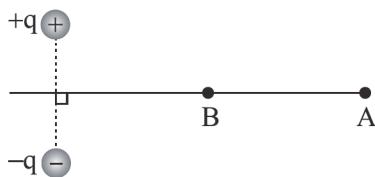
- ۴ \vec{E} (۲)

- ۴ \vec{E} (۱)

- ۳ \vec{E} (۴)

- ۳ \vec{E} (۳)

- ۶۸ دو بار الکتریکی هماندازه و ناهمنام مطابق شکل قرار دارند. اگر یک ذره با بار منفی از نقطه A تا B روی عمود منصف خط واصل دو بار حرکت داده شود، کار میدان الکتریکی حاصل از این دو بار در این جایهایی است.



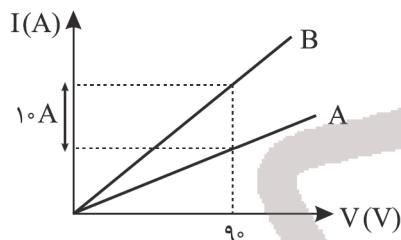
۱) صفر

۲) مثبت

۳) منفی

۴) مثبت یا منفی

- ۶۹ نمودار شدت جریان الکتریکی عبوری از دو مقاومت A و B بر حسب اختلاف پتانسیل دو سر آنها مطابق شکل زیر است. اگر مقاومت الکتریکی A ۱۸Ω باشد، مقاومت الکتریکی B چند اهم است؟



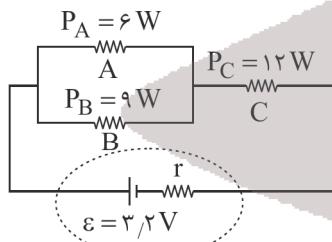
۶ (۱)

۹ (۲)

۱۲ (۳)

۱۵ (۴)

- ۷۰ در مدار شکل زیر، توان مصرفی در هر یک از مقاومتها بر روی شکل مشخص شده است. اگر جریان عبوری از مقاومت A برابر ۴ آمپر باشد، توان تلفشده توسط مقاومت درونی مولد، چند وات است؟



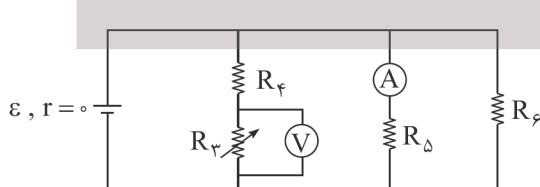
۵ (۱)

۷ (۲)

۱۰ (۳)

۱۵ (۴)

- ۷۱ در مدار شکل زیر، با افزایش مقاومت R_4 ، اعدادی که آمپرسنج ایدهآل و ولتسنج ایدهآل نشان می‌دهد، به ترتیب از راست به چیز چگونه تغییر می‌کند؟



۱) ثابت - ثابت

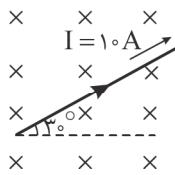
۲) ثابت - افزایش

۳) کاهش - افزایش

۴) کاهش - ثابت

محل انجام محاسبه

- در شکل مقابله میدان مغناطیسی درون سو و اندازه آن $2T$ است. بر 5 cm از طول سیم که درون میدان مغناطیسی قرار دارد، چند نیوتون نیرو وارد می‌شود؟



(۱) $5\sqrt{3}$

(۲) 5

(۳) 1

(۴) 1

- پیچه‌ای با مساحت 10 cm^2 که 10° حلقه دارد در یک میدان مغناطیسی یکنواخت $G = 10^2$ قرار دارد. اگر سطح پیچه با میدان زاویه 30° بسازد، شار عبوری از سطح پیچه چند وبر است؟

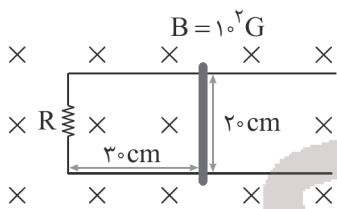
(۱) 5×10^{-2}

(۲) 5×10^{-6}

(۳) $\sqrt{3} \times 10^{-2}$

(۴) $\sqrt{3} \times 10^{-6}$

- مطابق شکل، مدار U شکل در یک میدان مغناطیسی درون سو به شدت $G = 10^2$ قرار دارد. اگر میله را در مدت 1s به اندازه 10 cm به طرف راست حرکت دهیم و همزمان با آن میدان مغناطیسی را به $G = 2 \times 10^2$ و درجهت بروون سو برسانیم، بزرگی جریان القایی متوسط چند میلیآمپر است؟ ($R = 2\Omega$)



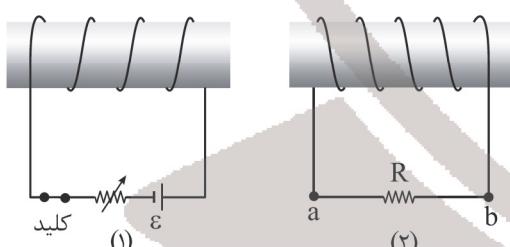
(۱) 11

(۲) 5

(۳) $1/1 \times 10^{-2}$

(۴) 5×10^{-3}

- در شکل زیر، در کدام حالت جریان القایی در مقاومت R از سمت a به سمت b برقرار می‌شود؟



(۱) سیم‌لوله‌ها را از هم دور کنیم.

(۲) مقاومت متغیر را کاهش دهیم.

(۳) لحظه باز کردن کلید در مدار شکل (۱)

(۴) گرینه‌های ۱ و ۳ می‌توانند درست باشد.

محل انجام محاسبه

- چند مورد از مطالب زیر درست است؟

آ) دومین عنصر نسبتاً فراوان در زمین یکی از عناصر مشترک موجود در زمین و مشتری است.

ب) مرگ ستاره اغلب با یک انفجار بزرگ همراه است که سبب پراکنده شدن ذرات زیراتمی در فضای شود.

پ) در تمام رادیوایزوتوپها نسبت شمار نوترون به پروتون آنها برابر یا بیش از ۱/۵ است.

ت) مجموع شمار عناصر در دوره‌های ششم و هفتم جدول دوره‌ای هشت برابر عناصر دوره سوم است.

۱) ۴

۲) ۳

۳) ۲

۴) ۱

- شمار اتم‌های اکسیژن در ۳۶ گرم گلوکز ($C_6H_{12}O_6$) با شمار اتم‌های هیدروژن در ۶ گرم ترکیب x یکسان است. فرمول مولکولی

$(H=1, C=12, O=16: g.mol^{-1})$

C_2H_6 (۴)

$C_2H_4O_2$ (۳)

C_5H_{12} (۲)

CH_2O (۱)

- عنصر E دارای دو ایزوتوپ می‌باشد. آریش الکترونی کاتیون حاصل از ایزوتوپ سبک‌تر آن به صورت $E^{2+}: [Ar]3d^3$ و تفاوت شمار پروتون و نوترون در آن برابر ۵ می‌باشد. اگر مجموع ذرات زیراتمی و درصد فراوانی ایزوتوپ سنگین‌تر به ترتیب برابر ۹۴ و ۶۹ باشد جرم اتمی میانگین این عنصر کدام است؟

۶۴/۲۲ (۴)

۶۶/۳۸ (۳)

۶۳/۶۲ (۲)

۶۴/۳۸ (۱)

- اگر تفاوت شمار نوترون‌ها و الکترون‌ها در یون M^{2+} برابر ۱۴ باشد، عدد جرمی M برابر است و عنصر M در گروه جدول دوره‌ای قرار داشته و کاتیون M^{2+} دارای ذره زیراتمی است.

۱۳۶، ۹۶ (۴)

۱۳۸، ۹۸ (۳)

۱۳۸، ۹۸ (۲)

۱۳۶، ۹۶ (۱)

- چند مورد از نام‌گذاری‌های زیر نادرست است؟

CO : کربن اکسید

۱) ۴

Cu_2O : مس (II) اکسید

۲) ۳

N_2O : دی‌نیتروژن اکسید

۳) ۲

۴) ۱

- کدام مطلب زیر نادرست است؟

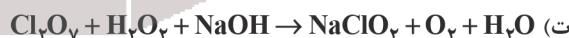
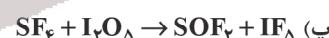
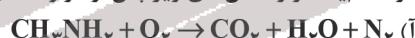
۱) میل ترکیبی هموگلوبین خون با گاز کربن مونوکسید بیش از ۲۰٪ برابر اکسیژن است.

۲) اغلب فلزها مانند آهن در شرایط مناسب با گاز اکسیژن واکنش می‌دهند.

۳) نوع فراورده‌ها در سوختن سوخت‌های فسیلی، به مقدار O_2 در دسترس بستگی دارد.

۴) برخی از فلزها مانند آلومینیم و آهن با بیش از یک نوع اکسید در طبیعت شناخته شده‌اند.

- در کدامیک از واکنش‌های زیر پس از موازنی، مجموع ضرایب استوکیومتری واکنش دهنده‌ها برابر ۶ است؟



۱) آ، ب، ت

۳) پ، ت

۲) ب، پ

۱) آ، ب، ت

- مقدار ۲۴ گرم از ترکیب x را در ۲۰۰ میلی‌لیتر از نوعی حلal حل نموده‌ایم. اگر درصد جرمی محلول حاصل برابر ۶ باشد، چگالی حلال

به کار رفته بر حسب $g.mL^{-1}$ کدام است؟

۱/۸۸ (۴)

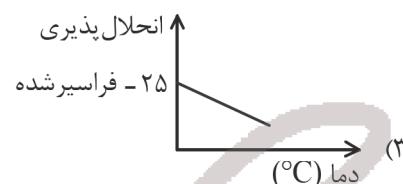
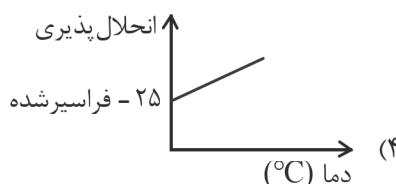
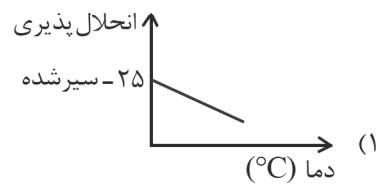
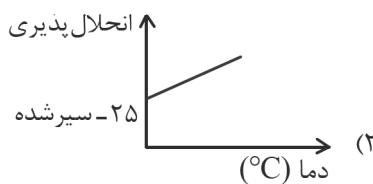
۱/۶۵ (۳)

۱/۴۲ (۲)

۲) ۱

محل انجام محاسبه

- معادله انحلال پذیری یک نمک به صورت $S = 25 + 0.2\theta$ می‌باشد. نمودار تقریبی انحلال پذیری این نمک بر حسب دما در گزینه آمده است. اگر در دمای 20°C در ۳۸۷ گرم از این محلول ۹۵ گرم حل شونده وجود داشته باشد، این محلول است.



- همه مطالب زیر درست است، به جز:

(۱) سیلیسیم عنصر اصلی سازنده سلول‌های خورشیدی است و واکنش پذیری آن از کربن کمتر است.

(۲) گریس نسبت به واژلین فراریت بیشتر و نسبت به بنزین نقطه جوش بالاتری دارد.

(۳) موز و گوجه فرنگی رسیده، گازی را آزاد می‌کنند که سنگ بنای صنایع پتروشیمی است.

(۴) حدود ۵۰ درصد نفت خام صرف سوزاندن و تأمین انرژی شده و بقیه آن به عنوان خوراک پتروشیمی به کار می‌رود.

- در یک آزمایش، ۲/۲ گرم LiBH_4 را با مقدار کافی آمونیوم کلرید واکنش می‌دهیم و ۲۰/۲۵ گرم فراورده مایع تولید می‌شود. به ترتیب از راست به چپ، بازده درصدی واکنش کدام است و طی این واکنش به تقریب چند گرم فراورده جامد تولید می‌شود؟



۴/۲۵، ۷۵ (۴)

۳/۱۹، ۸۰ (۳)

۳/۱۹، ۷۵ (۲)

۴/۲۵، ۸۰ (۱)

- چه تعداد از عبارت‌های زیر نادرست است؟

الف) بوتن یک آلکین سیر نشده است که در آن، تعداد هیدروژن برابر با تعداد کربن است.

ب) هگزان و سیکلوهگزان فرمول مولکول یکسانی دارند.

پ) نفت خام فقط مخلوطی از هزاران نوع هیدروکربن است که بخش عمده آن را آلکان‌های گوناگون تشکیل می‌دهند.



۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

- در واکنش $(\text{g}) \rightarrow \text{C}_2\text{H}_4(\text{g}) + 2\text{H}_2(\text{g})$ ۵/۶ لیتر گاز اتن در شرایط STP چند کیلوژول گرما مبادله خواهد شد؟ (آنالیپی سوختن اتن، هیدروژن و گرافیت به ترتیب برابر با ۱۴۱۰، -۲۸۶ و -۳۹۴ کیلوژول بر مول است).

-۱۲/۵ (۴)

+۱۲/۵ (۳)

-۵۰ (۲)

۵۰ (۱)

محل انجام محاسبه

- ۸۹- چند مورد از مطالب زیر نادرست است؟

- الف) از گرماسنج لیوانی می‌توان برای اندازه‌گیری گرمای واکنش گازهای هیدروژن و کلر استفاده کرد.
- ب) در آزمایشگاه هیدروژن پراکسید را از واکنش مستقیم گازهای هیدروژن و اکسیژن تهییه می‌کنند.
- ج) آنتالپی واکنش تشکیل کربن مونوکسید از عناصر سازنده را نمی‌توان به روش تجربی تعیین کرد.
- د) گاز مرداب از تجزیه گیاهان به وسیله باکتری‌های بی‌هوایی در زیر آب تولید می‌شود.

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

- ۹۰- چه تعداد از مقایسه‌های زیر به درستی انجام شده است؟ ($C = 12, O = 16, H = 1: g \cdot mol^{-1}$)

الف) ارزش سوختی: $C_2H_6 > C_2H_2$

ب) گرمای حاصل از سوختن یک گرم:

ج) مقدار عددی آنتالپی سوختن:

د) ارزش سوختی:

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

- ۹۱- با توجه به جدول زیر چنانچه در واکنش گازی $A_2 + B_2 \rightarrow 2AB$ مقدار ۲۶/۸ گرم AB مقدار ۱۴/۶ گرم A_2 + B_2 → ۲۶/۸ کیلوژول گرم‌ما آزاد شود، جرم مولی AB بر حسب گرم بر مول کدام است؟

$A - B$	$B - B$	$A - A$	پیوند آنتالپی پیوند ($kJ \cdot mol^{-1}$)
۴۳۱	۲۴۲	۴۳۶	

۳۶/۵ (۱)

۸۱ (۲)

۲۰ (۳)

۴۰/۵ (۴)

- ۹۲- اگر آنتالپی سوختن گاز اتین برابر $1300 kJ$ باشد، به ازای سوختن هر لیتر گاز اتین در شرایط یکسان و استاندارد در صورتی که بازده واکنش ۶۰٪ باشد، چند کیلوژول گرم‌ما آزاد می‌شود؟

۳۴/۸۲ (۴)

۵۸/۰ (۳)

۳۷/۷۲ (۲)

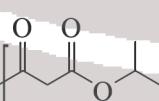
۴۰/۶۲ (۱)

- ۹۳- کدام گزینه درست است؟

۱) از آبکافت اتیل بوتانوات، اسیدی با ساختار  به دست می‌آید.

۲) در مولکول متیل پنتانوات، ۱۸ جفت الکترون پیوندی وجود دارد.

۳) نقطه جوش متیل متانوات، از استیک اسید بیشتر است.

۴) فرمول شیمیایی دی‌الکل سازنده پلی‌استری با ساختار  به صورت $C_2H_8O_2$ است.

- ۹۴- پلیمرهای حاصل از به انجام واکنش تمایلی ندارند زیرا این پلیمرها ساختاری شبیه به دارند و همچنین استفاده از آنها صرفه اقتصادی دارد.

۱) پلی‌استرها و پلی‌آمیدها - آلکان‌ها

۲) هیدروکربن‌های سیر نشده - سیکلوآلکان‌ها

۳) هیدروکربن‌های سیر نشده - آلکان‌ها

۴) پلی‌استرها و پلی‌آمیدها - سیکلوآلکان‌ها

محل انجام محاسبه

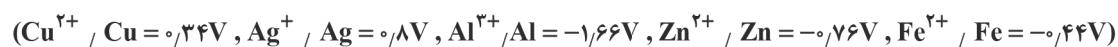
- ۹۵- اگر در ۲۰۰ میلی لیتر محلول هیدروسیانیک اسید با درجه یونش 4×10^{-4} مول یون وجود داشته باشد، غلظت مولی اسید حل شده اولیه، کدام است؟

- ۱) 10^{-4} ۲) 10^{-3} ۳) 10^{-5} ۴) 10^{-6}

- ۹۶- کدام یک از عبارت‌های داده شده، درباره pH محلول‌های اسیدی درست است؟

- ۱) در دمای اتاق، غلظت یون هیدروکسید برای محلول با $pH = 4/7$ برابر 2×10^{-9} مولار می‌باشد.
 ۲) با تغییر دما، مقدار عددی pH برای محلول‌های اسیدی ما بین صفر تا ۷ باقی می‌ماند.
 ۳) pH و غلظت یون هیدروکسید در یک محلول آبی با افزایش غلظت یون هیدرونیوم، کاهش می‌باید.
 ۴) میزان تغییر رنگ کاغذ pH، معیاری برای مقایسه قدرت اسیدهای مختلف می‌باشد.

- ۹۷- با توجه به پتانسیل‌های کاکشی داده شده، با انجام واکنش میان کدام مواد زیر، دمای محلول افزایش نمی‌یابد؟



۱) فلز مس داخل محلول نقره نیترات

۲) فلز آلومینیوم داخل محلول روی سولفات

۳) فلز آهن داخل محلول روی نیترات

۴) فلز آهن داخل محلول مس (II) نیترات

- ۹۸- چند مورد از مطالب زیر درباره لیتیم درست هستند؟

● در باتری‌های لیتیمی، همانند همه باتری‌ها، جریان الکتریکی در مدار بیرونی برقرار می‌شود.

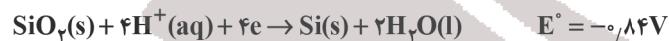
● لیتیم در میان فلزها، کمترین چگالی و E° را دارد و بیشترین ولتاژ ممکن برای یک باتری با این فلز ایجاد می‌شود.

● اگر چه لیتیم، باتری دگمه‌ای در شکل و اندازه‌های گوناگون دارد، اما امکان ساخت باتری قابل شارژ از آن وجود ندارد.

● پسمند باتری‌های لیتیمی نباید در طبیعت رها شوند، بلکه یا باید در زیر خاک دفن شوند و یا بازیافت شوند.

- ۱) ۱ ۲) ۲ ۳) ۳ ۴) ۴

- ۹۹- نیم واکنش‌ها و پتانسیل‌های استاندارد آنها در یک سلول نورالکتروشیمیایی که برای تولید گاز هیدروژن از آب مورد استفاده قرار می‌گیرد، در زیر داده شده است. کدام مطلب درباره آن نادرست است؟



۱) کاغذ pH در اطراف الکترود سیلیسیم به رنگ قرمز درمی‌آید.

۲) از سمت الکترود کاتد گاز H₂ خارج می‌شود.

۳) سلول برابر ۱ + ۰ emf ولت است.

۴) با انجام واکنش از جرم ماده جامد موجود در الکترود آند کاسته می‌شود.

- ۱۰۰- کدام یک از موارد زیر نادرست است؟

۱) سیلیسیم پس از اکسیژن فراوان‌ترین عنصر در پوسته جامد زمین است.

۲) کوارتز از جمله نمونه‌های خالص و ماسه از جمله نمونه‌های ناخالص سیلیسیم است.

۳) سیلیسیم، فراوان‌ترین اکسید در پوسته جامد زمین است.

۴) دلیل دیرگذار بودن و سختی سیلیسیم، ساختار به هم پیوسته و غول‌آسای آن است.

محل انجام محاسبه

۱۰۱ - جدول زیر انرژی لازم برای فروپاشی چند ترکیب یونی را برحسب $\text{kJ}\cdot\text{mol}^{-1}$ نشان می‌دهد. به جای X، Y و Z به ترتیب از راست به

چه عددی را می‌توانیم قرار دهیم؟

آنیون \ کاتیون	F^-	Cl^-	Br^-
Li^+	۱۰۴۵	X	۸۱۹
Na^+	۹۰۴	Y	۷۳۶
K^+	۷۶۹	۶۹۸	Z

۱) ۸۶۴ - ۶۷۲ - ۱

۲) ۷۶۹ - ۸۶۴ - ۸۰۱

۳) ۸۶۴ - ۷۹۶ - ۸۰۱

۴) ۶۷۲ - ۷۶۹ - ۸۶۴

۱۰۲ - الماس گرافیت و یخ گرافن

۱) برخلاف - دارای پیوند بین مولکولی نبوده - همانند - یک جامد مولکولی است.

۲) برخلاف - ساختاری سه بعدی داشته - همانند - ساختار مشبك شش ضلعی دارد.

۳) همانند - رسانای ضعیف جریان الکتریسیته بوده - همانند - فقط دارای پیوندهای اشتراکی است.

۴) همانند - دارای پیوند بین مولکولی بوده - همانند - یک جامد مولکولی است.

۱۰۳ - چند مورد از مطالب زیر درست است؟

آ) آب اقیانوس‌ها و دریاهای مخلوطی ناهمگن از انواع نمک‌ها است که اغلب مزه‌ای شور دارند.

ب) زمین در فضای رنگ آبی دیده می‌شود، زیرا نزدیک به ۷۵ درصد از جرم آن را آب پوشانده است.

پ) جرم کل مواد حل شده در آب‌های کره زمین تقریباً ثابت است.

ت) جرم کل نمک‌های محلول در آب دریاهای و اقیانوس‌ها تقریباً به 5×10^{19} کیلوگرم می‌رسد.

۱) صفر ۲) ۳ ۳) ۴

۱۰۴ - همه گزینه‌های زیر درست‌اند، به جز

۱) هنگام تشکیل برف و باران، مقداری از مواد حل شده در آب از آن جدا می‌شود.

۲) ۵٪ از جمعیت جهان از کم‌آبی رنج می‌برند و ۶۶ درصد مردم جهان در آینده‌ای نزدیک با کمبود آب رو به رو می‌شوند.

۳) تقطیر، فرایندی برای تهیه آب خالص بوده و فراورده آن آب مقطر نام دارد.

۴) اغلب چشم‌ها و رودخانه‌ها، آبی زلال و شفاف دارند که شیرین، گوارا و آشامیدنی است.

۱۰۵ - با توجه به نمودار زیر کدام مورد درست است؟

۱) ماده A می‌تواند اتن باشد که در حضور آب و سدیم هیدروکسید به اتانول تبدیل می‌شود.

۲) اگر C اتانوئیک اسید باشد، (ب) اتیل اتانوات است.

۳) اگر B گروه عاملی مشترک با بنز آلدهید داشته باشد ترکیب

$\text{C}_2\text{H}_5\text{OH}$ طی فرایند (پ) اکسایش می‌یابد.

۴) اگر A را سنگ بنای صنایع پتروشیمی در نظر بگیریم از واکنش آن با (I)، یک افسانه بی‌حسن‌کننده موضعی ساخته می‌شود.

محل انجام محاسبه

آنلاین



مرکز سنجش آموزش مدارس برتر

آزمون شماره ۷
۱ تیر ۱۴۰۲



پاسخنامه ریاضی - فیزیک

ردیف	نام درس	گروه بازنگری
۱	حسابان	حسین شفیع زاده - مهرداد کیوان
۲	هندسه	مهریار راشدی
۳	گسسته	رضا توکلی
۴	فیزیک	امیرعلی میری
۵	شیمی	محمد عظیمیان زواره

گروه تایپ و ویراستاری (به ترتیب حروف الفبا)
زهرا احدی - امیرعلی الماسی - مبینا بهرامی - معین الدین تقیزاده - کبری سلیمانی - مهرداد شمسی - فریبا مرادزاده

برای اطلاع از اخبار مرکز سنجش آموزش مدارس برتر، به کanal تلگرام [@taraaznet](https://t.me/taraaznet) مراجعه نمایید.



$$\Rightarrow f^{-1}(x) = \log_7(4 - 2^x) \Rightarrow f^{-1}(x) = f(x)$$

از آنجایی که $f \circ f(x) = x$ پس $f \circ f^{-1}(x) = x$ به همین جهت:

$$f \circ f^{-1}(x) = f(f(x)) = x \rightarrow x = f(x)$$

$$\Rightarrow x = \log_7 4 - 2^x \Rightarrow 2 \times 2^x = 4 \Rightarrow 2^x = 2 \Rightarrow x = 1$$

. ۸ گزینه ۱ صحیح است.

$$\Delta ABC : \tan \alpha = \frac{12}{7+AD}$$

$$\Delta ABD : \tan \alpha = \frac{AD}{12}$$

$$\Rightarrow \tan \alpha = \frac{12}{7+12 \tan \alpha} \Rightarrow 12 \tan^2 \alpha + 7 \tan \alpha - 12 = 0$$

$$\Rightarrow \tan \alpha = \frac{3}{4} \Rightarrow \sin \alpha = \frac{3}{5} = 0.6$$

. ۹ گزینه ۳ صحیح است.

در مجاورت $x = 0$ تابع نزولی است، پس $ab < 0$ است. فرض کنید $b > 0$ و $a < 0$.

$$1) \min = -1 = c + a$$

$$2) f\left(\frac{\Delta\pi}{12}\right) = 0 \Rightarrow c + a \sin\left(\frac{b\Delta\pi}{12}\right) = 0$$

$$3) \pi = T = \frac{\gamma\pi}{b} \Rightarrow b = 2$$

$$\Rightarrow c + a \sin\frac{\Delta\pi}{6} = 0 \Rightarrow c + \frac{a}{2} = 0$$

$$\Rightarrow \begin{cases} c + \frac{a}{2} = 0 \\ c + a = -1 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} a = -2 \\ c = 1 \end{cases} \Rightarrow c + ab = -3$$

. ۱۰ گزینه ۲ صحیح است.

$$2 + 2 \cos^2 x - 1 = 3 \cos x$$

$$2 \cos^2 x - 3 \cos x + 1 = 0$$

$$\begin{cases} \cos x - 1 \rightarrow x = 0, 2\pi \\ \cos x = \frac{1}{2} \Rightarrow x = \frac{\pi}{3}, \frac{5\pi}{3} \end{cases} \Rightarrow \text{جمع} = 4\pi$$

. ۱۱ گزینه ۳ صحیح است.

نمودار تابع $|x^3 - x|$ به صورت مقابل است:

کافی است نقاط A و B را با یک خط به هم وصل کیم

$$\begin{cases} A(-1, 2) \\ B(1, 0) \end{cases} \xrightarrow{\text{معادله خط}} y = -x + 1$$

(حسابان یازدهم، صفحه ۱۴۹)

. ۱۲ گزینه ۲ صحیح است.

$$f(x) = x^3 - 2x \xrightarrow[\text{انتقال دهنیم}]{\text{ واحد به جب}} y = (x+3)^3 - 2(x+3)$$

$$y = x^3 + 6x + 9 - 2x - 6 = x^3 + 4x + 3$$

وقتی نسبت به محور y ها بازتاب می کنیم.

$$y = x^3 - 4x + 3$$

. ۱ گزینه ۱ صحیح است.

$$A = \frac{1}{\sqrt[3]{4} + \sqrt[3]{9} + \sqrt[3]{6}} \times \frac{\sqrt[3]{3} - \sqrt[3]{2}}{\sqrt[3]{3} + \sqrt[3]{2}} = \frac{\sqrt[3]{3} - \sqrt[3]{2}}{1} \Rightarrow A = \sqrt[3]{3} - \sqrt[3]{2}$$

$$\Rightarrow (A + \sqrt[3]{2})^3 = 3 \quad (A + \sqrt[3]{2})^3 + (A - \sqrt[3]{2})^3 = 3 + (-2) = 1$$

$$\Rightarrow (A - \sqrt[3]{2})^3 = -2$$

. ۲ گزینه ۱ صحیح است.

$$\sqrt[3]{4} \times \sqrt[3]{(4 - 2\sqrt[3]{2})^3} \times \sqrt[3]{3 + 2\sqrt[3]{2}} = 2^{m-1}$$

$$\Rightarrow \sqrt[3]{4(16 + 8 - 16\sqrt[3]{2})(3 + 2\sqrt[3]{2})} = 2^{m-1}$$

$$\Rightarrow \sqrt[3]{22(3 - 2\sqrt[3]{2})(3 + 2\sqrt[3]{2})} = 2^{m-1} \Rightarrow 2^{\frac{5}{3}} = 2^{m-1}$$

$$3m - 1 = \frac{5}{3} \Rightarrow 3m = \frac{9}{3} \Rightarrow m = \frac{3}{4}$$

. ۳ گزینه ۱ صحیح است.

$$\frac{6}{x} = 2 + \frac{x}{x+1} \Rightarrow 6(x+1) = 2x(x+1) + x^2 \Rightarrow 6x + 6 = 2x^2 + 2x + x^2$$

$$\Rightarrow 3x^2 - 4x - 6 = 0 \quad \begin{matrix} \alpha\beta = -2 \\ \alpha = -\frac{x}{\beta} \\ \beta = -\frac{x}{\alpha} \end{matrix}$$

$$(\alpha - \frac{\gamma}{\beta})^2 + (\beta - \frac{\gamma}{\alpha})^2 = 4(\alpha^2 + \beta^2)$$

$$4(S^2 - 2P) = 4(\frac{16}{9} - 2 \times -2) = \frac{64}{9} + 16 = \frac{208}{9}$$

. ۴ گزینه ۲ صحیح است.

$$(\sqrt{3+x} + \sqrt{3-2x})^2 = 9 \Rightarrow 3+x + 3-2x + 2\sqrt{(3+x)(3-2x)} = 9$$

$$\Rightarrow 2\sqrt{(3+x)(3-2x)} = x+3$$

$$\Rightarrow 4(3+x)(3-2x) = (x+3)^2$$

$x = -3$ یکی از جواب هاست.

$$x \neq -3 \Rightarrow 4(3-2x) = x+3 \Rightarrow x = 1$$

پس: $x_1 + x_2 = -2$

. ۵ گزینه ۱ صحیح است.

اولاً باید دو ضلع مقابل مربع موازی باشند:

$$\begin{cases} 2x - 3y = \frac{3}{2} \\ 2x + ay = b \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} \frac{1}{2} = \frac{-3}{a} \\ \frac{b}{2} = \frac{3}{2} \end{cases} \Rightarrow a = -3$$

ثانیاً اندازه ضلع مربع $\sqrt{13}$ است که فاصله ۲ خط موازی است.

$$\begin{cases} 2x - 3y = \frac{3}{2} \\ 2x - ay = b \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} \frac{b - \frac{3}{2}}{\sqrt{13}} = \sqrt{13} \\ \frac{b - \frac{3}{2}}{\sqrt{13}} = -13 \end{cases}$$

$$\left| b - \frac{3}{2} \right| = 13 \Rightarrow \begin{cases} b - \frac{3}{2} = 13 \Rightarrow b = 14/5 \\ b - \frac{3}{2} = -13 \Rightarrow b = -11/5 \end{cases}$$

. ۶ گزینه ۳ صحیح است.

$$\log_{15} \alpha \cdot \log_{15} 75 = (1 - \log_{15} 5)(1 + \log_{15} 5)$$

$$\log_{15} \alpha \cdot \log_{15} 75 = (\log_{15} 15 - \log_{15} 5)(\log_{15} 15 + \log_{15} 5)$$

$$= \log_{15} 3 \cdot \log_{15} 75 \Rightarrow \alpha = 3$$

. ۷ گزینه ۴ صحیح است.

$$f(x) = \log_7(4 - 2^x) \Rightarrow 7^{f(x)} = 4 - 2^x \Rightarrow 2^x = 4 - 7^{f(x)}$$



مرکز آموزش مدارس برتر

هندسه

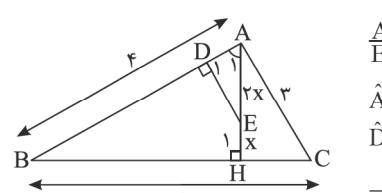
۱۸. گزینه ۳ صحیح است.

می دانیم هر نقطه روی نیمساز یک زاویه از دو ضلع آن به یک فاصله است. پس $OH = OH' = 3$.

در ضمن دو مثلث قائم الزاویه OCH و OCH' به حالت وتر و یک زاویه حاده همنهشت هستند، پس $CH = CH' = 4$. از طرف دیگر $BC = 2CH$ در راستای عمود منصف BC است. پس $BC = 8$ داریم.

$$S_{OBC} = \frac{1}{2} OH \times BC = \frac{1}{2} (3)(8) = 12$$

(هندسه دهم، فصل ۱)



۱۹. گزینه ۴ صحیح است.

$$\frac{AE}{EH} = \frac{2}{1} \Rightarrow \begin{cases} AE = 2x \\ EH = x \end{cases}$$

$$\begin{cases} \hat{A}_1 = \hat{A}_1 \\ \hat{D}_1 = \hat{H}_1 = 90^\circ \end{cases} \Rightarrow \triangle ADE \sim \triangle ABH$$

با نوشتن نسبت تشابه داریم:

$$\frac{2x}{4} = \frac{AD}{AH} = \frac{DE}{BH}$$

$$\frac{S_{\triangle ADE}}{S_{\triangle ABH}} = \left(\frac{x}{2}\right)^2 \quad (1)$$

پس داریم:

در مثلث ABC داریم:

$$AB \times AC = BC \times AH \Rightarrow 4 \times 3 = 5 \times AH$$

$$\Rightarrow AH = \frac{12}{5} \Rightarrow 2x = \frac{12}{5} \Rightarrow x = \frac{6}{5} \quad (2)$$

$$\frac{S_{\triangle ADE}}{S_{\triangle ABH}} = \left(\frac{\frac{6}{5}}{2}\right)^2 = \frac{16}{25} \quad (3)$$

$$\frac{S_{\triangle BDEH}}{S_{\triangle ABH}} = 1 - \frac{16}{25} = \frac{84}{25} \quad (4)$$

از تشابه مثلثهای ABC و ABH داریم:

$$\frac{S_{\triangle ABH}}{S_{\triangle ABC}} = \left(\frac{AB}{BC}\right)^2 = \left(\frac{4}{5}\right)^2 = \frac{16}{25} \quad (5)$$

از (۳) و (۵) داریم:

$$\left. \begin{array}{l} S_{\triangle BDEH} = \frac{84}{25} S_{\triangle ABH} \\ S_{\triangle ABH} = \frac{16}{25} S_{\triangle ABC} \end{array} \right\} \Rightarrow S_{\triangle BDEH} = \frac{84}{25} \times \frac{16}{25} S_{\triangle ABC} = \frac{2304}{625} S_{\triangle ABC}$$

(هندسه دهم، صفحه ۱۶)

۲۰. گزینه ۳ صحیح است.

می دانیم از هر رأس n -ضلعی ($n-3$) قطر می گذرد. در مجموع تعداد قطرهای گذرنده از سه رأس A و B و C سه قطر AB ، AC و BC هر کدام دو بار حساب می شوند. تعداد قطرهای گذرنده از این سه رأس برابر با $3(n-3)$ است. پس:

$$3(n-3) - 3 = 15 \Rightarrow n = 9$$

بنابراین:

$$\text{تعداد کل قطرهای } n\text{-ضلعی} = \frac{n(n-3)}{2} = \frac{9 \times 6}{2} = 27$$

(هندسه دهم، صفحه ۵۵)

رأس سهمی در ابتداء A است. این دو نقطه نسبت به خط $x = \frac{3}{2}$ قرینه یکدیگر هستند.

(حسابان دوازدهم، صفحه های ۳ و ۷)

۱۳. گزینه ۴ صحیح است.

$$x^4 - 3x^2 + Kx - 1 = (x+1).Q(x) + 3$$

$$x = -1 \Rightarrow -1 - 3 - K - 1 = 3 \Rightarrow K = -6$$

$$x = 1 \Rightarrow 1 - 3 + K - 1 = 2Q(1) + 3$$

$$\Rightarrow Q(1) = -6$$

پس مجموع ضرایب Q برابر -6 است.

(پایه دوازدهم، صفحه ۱۹)

۱۴. گزینه ۴ صحیح است.

$$y = \frac{4}{a} = 2 \Rightarrow a = 2$$

$$f(x) = \frac{4x^2 + 1}{rx^2 + bx + c} = \frac{4x^2 + 1}{2(x+2)^2} \Rightarrow \begin{cases} b = 12 \\ c = 18 \end{cases} \Rightarrow a+c = 2.$$

۱۵. گزینه ۳ صحیح است.

یک خط به شرطی بر یک نمودار مشتق یکدیگر مماس است که معادله حاصل از تلاقي آنها ريشه مضاعف داشته باشد.

نقطه تماس A

$$\begin{cases} y = 4x + b \\ f(x) = x^r + \frac{a}{x^r} + r \end{cases}$$

$$x^r + \frac{a}{x^r} + r = 4x + b \Rightarrow f(1) = y(1) \Rightarrow 1 + a + r = 4 + b$$

$$\Rightarrow a - b = 0.$$

$$f'(1) = y'(1) \Rightarrow f'(x) = rx^{r-1} - \frac{ra}{x^{r-1}} \Rightarrow 3 - 2a = 4 \Rightarrow \begin{cases} a = -\frac{1}{2} \\ b = -\frac{1}{2} \end{cases}$$

پس:

۱۶. گزینه ۱ صحیح است.

$$h\pi r^2 = \pi \Rightarrow hr^2 = 2$$

$$S = 2\pi r^2 + 2\pi rh = 2\pi(r^2 + \frac{r}{h})$$

$$S' = 2\pi(2r - \frac{r}{h^2})$$

$$S' = 0 \Rightarrow r = 1 \Rightarrow S = 6\pi$$

(حسابان دوازدهم، صفحه ۱۱۹)

۱۷. گزینه ۲ صحیح است.

فرض کنیم $f(x) = ax^3 + bx^2 + cx + d$ چون نمودار تابع از مبدأ مختصات گذشته، پس $d = 0$ از طرفی

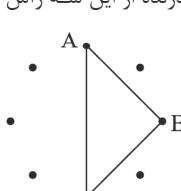
$$f'(x) = 3ax^2 + 2bx + c \Rightarrow \begin{cases} f'(0) = 0 \Rightarrow c = 0 \\ f'(-2) = 0 \Rightarrow 12a - 4b = 0 \Rightarrow b = 3a \end{cases}$$

$$f(2) = -8a + 4b = 4 \Rightarrow -8a + b = 1 \quad f(-2) = 4 \quad \text{پس}$$

$$\begin{cases} -8a + b = 1 \\ b = 3a \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} a = 1 \\ b = 3 \end{cases} \Rightarrow f(x) = x^3 + 3x^2$$

$$f = 0 \Rightarrow x^3(x+3) = 0 \Rightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = -3 \end{cases}$$

(حسابان دوازدهم، صفحه ۱۳۹)





۲۶. گزینه ۳ صحیح است.

طبق نتیجه تمرین ۲ صفحه ۵۷ داریم: $FM = b$ (چهارضلعی $OFMM'$ مستطیل می‌شود) پس:

$$S_{\triangle OMF} = \frac{OF \times FM}{2} = \frac{c \times b}{2}$$

اما داریم:

$$2a = 8, 2b = 4, a^2 = b^2 + c^2 \Rightarrow 16 = 4 + c^2$$

پس: $c = \sqrt{12}$; بنابراین مساحت OMF برابر است با:

$$S_{\triangle OMF} = \frac{\sqrt{12} \times 2}{2} = \sqrt{12} = 2\sqrt{3}$$

(هندسه دوازدهم، تمرین ۲ صفحه ۵۷)

۲۷. گزینه ۳ صحیح است.

مختصات مرکز بیضی $O(\frac{-1+5}{2}, \frac{-1+3}{2})$ یعنی $O(2, 1)$ به دست می‌آید. از طرفی طول قطر بزرگ، $2a = 6$ یعنی $a = 3$ و طول قطر کوچک، $2b = 4$ ، یعنی $b = 2$ خواهد بود.

$a^2 = b^2 + c^2 \Rightarrow 9 = 4 + c^2 \Rightarrow c = \sqrt{5}$

اگر از مرکز بیضی به اندازه $\sqrt{5}$ به چپ و راست برویم، به کانون‌ها می‌رسیم؛ پس مختصات کانون‌ها به صورت $(1, \sqrt{5})$ و $(1, -\sqrt{5})$ به دست می‌آید.

(هندسه دوازدهم، کار در کلاس صفحه ۱۴۱)

۲۸. گزینه ۴ صحیح است.

بیشترین فاصله دو وجه مقابل در یک متوازیالسطوح، ارتفاع وارد بر وجهی با مینیمم مساحت است.

$$\left. \begin{array}{l} S_1 = |\vec{a} \times \vec{b}| = \sqrt{161} \\ S_2 = |\vec{a} \times \vec{c}| = \sqrt{21} \\ S_3 = |\vec{b} \times \vec{c}| = 7 \end{array} \right\} h_{\max} = \frac{|\vec{b} \cdot (\vec{a} \times \vec{c})|}{|\vec{a} \times \vec{c}|} \rightarrow h_{\max} = \frac{14}{\sqrt{21}} = \frac{2\sqrt{21}}{3}$$

گستته

۲۹. گزینه ۳ صحیح است.

$$[\sim q \wedge (\sim p \wedge r)] \vee [(q \wedge r) \vee (p \wedge r)] \equiv$$

$$[\sim (q \vee p) \wedge r] \vee [(q \vee p) \wedge r] \equiv \underbrace{[\sim (q \vee p) \vee (q \vee p)]}_{T} \wedge r$$

 $\equiv T \wedge r \equiv r$

حال خواهیم داشت:

$$r \Rightarrow (p \wedge \sim r) \equiv \sim r \vee (p \wedge \sim r) \equiv \sim r$$

(آمار و احتمال یازدهم، صفحه ۱۱)

۳۰. گزینه ۴ صحیح است.

مجموعه ۵ عضوی باید به ۳ مجموعه با تعداد اعضای ۳-۱-۲-۱ یا ۱-۲-۱ افزایش شود.

$$\text{تعداد افرادهای مطلق} = \frac{\binom{5}{2} \binom{2}{1} \binom{1}{1}}{2!} + \frac{\binom{5}{2} \binom{3}{2} \binom{1}{1}}{2!} = 10 + 15 = 25$$

(آمار و احتمال، صفحه ۱۳۵)

۳۱. گزینه ۴ صحیح است.

هر دانش‌آموز را بین پدر و مادرش قرار می‌دهیم و آن را یک بسته فرض می‌کنیم، پس هفت بسته داریم که $7!$ حایگشت دارد. حالی هر پدر و مادر هم به ۲ روش عوض می‌شود. پس جواب $7! \times 2^7$ می‌باشد.

۲۱. گزینه ۳ صحیح است.

یال‌های OA، OB و OC با دو یال EF و ED متنافرند.

(هندسه دهم، صفحه‌های ۷۹ و ۱۱۵)

۲۲. گزینه ۴ صحیح است.

اندازه ضلع مثلث متساوی‌الاضلاع ABC را x در نظر می‌گیریم. با استفاده از رابطه طولی در دایره داریم:

$$CE \times CF = CN \times CA \Rightarrow 2(x+2) = 4x \Rightarrow 3x + 6 = 4x$$

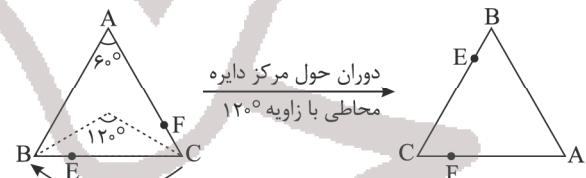
$$\Rightarrow x = 6$$

$$S_{\triangle ABC} = \frac{\sqrt{3}}{4} x^2 = \frac{\sqrt{3}}{4} (6)^2 = 9\sqrt{3}$$

(هندسه یازدهم، صفحه ۱۱)

۲۳. گزینه ۳ صحیح است.

اگر مثلث را حول مرکز دایره محاطی (محیطی) آن و در جهت عقربه‌های ساعت به اندازه 120° دوران دهیم، مثلث روی خودش منطبق می‌شود. از طرفی $CF = BE$. بنابراین تصویر F تحت این دوران روی E منطبق می‌شود. حال که E تصویر F است، همواره عمودمنصف EF از مرکز دوران، یعنی همان مرکز دایره محاطی (محیطی) عبور می‌کند.



(هندسه یازدهم، صفحه‌های ۱۴۳ و ۱۴۲)

۲۴. گزینه ۱ صحیح است.

در مثلث ABF قضیه کسینوس‌ها را می‌نویسیم.

$$BF^2 = AB^2 + AF^2 - 2AB \times AF \times \cos 60^\circ \Rightarrow 7 = 9 + AF^2 - 2AF \times \frac{1}{2}$$

$$\Rightarrow AF^2 - 2AF + 2 = 0 \Rightarrow (AF - 1)(AF - 2) = 0$$

$$\Rightarrow \begin{cases} AF = 1 \\ AF = 2 \end{cases} \frac{AF > CF}{AC = 2} \Rightarrow AF = 2 \Rightarrow CF = 1$$

سپس قضیه کسینوس‌ها را در مثلث CFE می‌نویسیم.

$$FE^2 = CF^2 + CE^2 - 2CF \times CE \times \cos 120^\circ \frac{1}{2}$$

$$\Rightarrow FE^2 = 1 + 9 + 1 \times 3 = 13$$

$$FE = \sqrt{13}$$

۲۵. گزینه ۴ صحیح است.

$$\left. \begin{array}{l} |B| = \cos \alpha + \sin \alpha = 1 \Rightarrow |B^{-1}| = \frac{1}{|B|} = 1 \\ |A| = \begin{vmatrix} m & 1 \\ 1 & m \end{vmatrix} = m^2 - 1 \end{array} \right\} \Rightarrow m^2 - 1 = 1$$

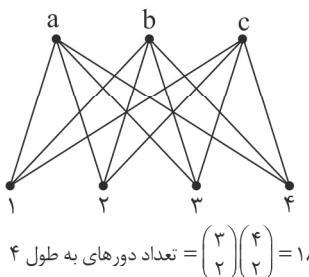
$$\Rightarrow m = \pm \sqrt{2}$$

که مقدار $m = -\sqrt{2}$ در گزینه ۴ است.

(هندسه دوازدهم، صفحه ۱۴۱)



بنابراین:



(گیسته دوازدهم، صفحه ۳۱)

۳۸. گزینه ۴ صحیح است.

$$27 < (x_1 + x_2 + x_3)^3 < 341 \rightarrow 4 \leq x_1 + x_2 + x_3 \leq 6$$

$$x_1 + x_2 + x_3 = 4 \rightarrow |S_1| = \binom{4-1}{3-1} = \binom{3}{2} = 3$$

$$x_1 + x_2 + x_3 = 5 \rightarrow |S_2| = \binom{5-1}{3-1} = \binom{4}{2} = 6$$

$$x_1 + x_2 + x_3 = 6 \rightarrow |S_3| = \binom{6-1}{3-1} = \binom{5}{2} = 10$$

$$\Rightarrow |S| = |S_1| + |S_2| + |S_3| = 3 + 6 + 10 = 19$$

می‌دانیم تعداد جواب‌های طبیعی معادله $x_1 + x_2 + \dots + x_k = n$ برابر

$$\binom{n-1}{k-1}$$

(ریاضیات گیسته، فصل ۳، صفحه‌های ۵۹ تا ۶۱)

۳۹. گزینه ۱ صحیح است.

شرط آنکه معادله $ax + by = c$ دارای جواب باشد: $ax + by = c$ لذا باید $|c|$ باشد، یعنی عدد a نمی‌تواند مضرب ۳ یا ۷ باشد.

B: مجموعه مضارب ۷ A: مجموعه مضارب ۳

$$A' \cap B' = (A \cup B)' = S - (A + B - A \cap B)$$

$$= 99 - ([\frac{99}{3}] + [\frac{99}{7}] - [\frac{99}{21}]) = 99 - (33 + 14 - 4) = 56$$

(ریاضیات گیسته، صفحه‌های ۷۳ و ۷۶)

۴۰. گزینه ۲ صحیح است.

ابتدا زوج‌هایی تشکیل می‌دهیم که جمع آنها ۳۶ است.

$$(6, 30), (7, 29), (8, 28), (9, 27), (10, 26), (11, 25), (12, 24), (13, 23)$$

$$(14, 22), (15, 21), (16, 20), (17, 19)$$

واضح است که اعداد ۳ و ۴ و ۵ و ۱۸ و ۱۷ استفاده نشده‌اند.

حال اگر در بدترین حالت، از هر زوج یک عدد برداریم و آنها را با اعداد

استفاده نشده در یک مجموعه قرار دهیم، جمع هیچ دو عضوی

نخواهد بود. پس اگر یک عضو دیگر به آن اضافه کنیم حاصل دو عدد

$$12 + 4 + 1 = 17$$

قطعًا ۳۶ است.

(ریاضیات گیسته، صفحه‌های ۷۹ و ۸۳)

۳۲. گزینه ۲ صحیح است.

سوال را می‌توان با احتمال بیز حل کرد. اما از آن ساده‌تر این است که مهره سوم که سفید است را از کیسه حذف کنیم و سپس دو مهره از کیسه انتخاب کنیم، تفاوتی ایجاد نمی‌کند.

$$P = \frac{\binom{2}{2}}{\binom{9}{2}} = \frac{1}{36}$$

۳۳. گزینه ۳ صحیح است.

اگر بازه اطمینان بیش از ۹۵ درصد برای میانگین جامعه به صورت $[a, b]$ باشد، مرکز این بازه برابر با میانگین نمونه یعنی $\frac{a+b}{2}$ و

طول آن برابر $\frac{45}{\sqrt{n}}$ است.

$$\bar{x} = \frac{24/6 + 30/2}{2} = 27/4$$

$$b - a = \frac{4 \times 11/2}{\sqrt{n}} \Rightarrow 5/6 = \frac{44/8}{\sqrt{n}} \Rightarrow \sqrt{n} = 8 \Rightarrow n = 64$$

(آمار و احتمال دوازدهم، صفحه‌های ۱۲۳ و ۱۲۴)

۳۴. گزینه ۲ صحیح است.

$$a^2 - 6a - 7 = (a+1)(a-7) \stackrel{a+2}{=} a+1, (a+2, a+1) = 1$$

$$\Rightarrow a - 7 \stackrel{a+2}{=} 1 \Rightarrow a+2 | a-8 \Rightarrow a+2 | 10 \Rightarrow \begin{cases} a+2 = 10 \Rightarrow a = 8 \\ a+2 = 5 \Rightarrow a = 3 \end{cases}$$

(ریاضیات گیسته، صفحه‌های ۱۹ و ۳۳)

۳۵. گزینه ۳ صحیح است.

$$a = 25b + 11, 7a = bq + 3 \quad b > 11$$

$$\Rightarrow 7(25b + 11) = bq + 3 \Rightarrow b(q - 175) = 74$$

$$\Rightarrow b | 74 \quad b > 11 \Rightarrow b = 37 \text{ یا } 74$$

$$b = 37 \Rightarrow a = 936$$

$$b = 74 \Rightarrow a = 1861$$

۳۶. گزینه ۲ صحیح است.

می‌دانیم $1 - p \leq \Delta \leq \Delta$ است.

$$\delta \Delta = 6 \Rightarrow \delta = 2, \Delta = 3$$

پس درجه رئوس گراف فقط ۳ و ۲ می‌باشد. چون تعداد رئوس درجه

فرد، زوج است پس ۲ حالت داریم:

$$2, 3, 2, 2, 2, 2 \Rightarrow q = 7$$

$$3, 3, 3, 3, 2, 2 \Rightarrow q = 8$$

(ریاضیات گیسته، صفحه‌های ۳۴ و ۳۵)

۳۷. گزینه ۲ صحیح است.

گراف مکمل، یک گراف کامل دو بخشی است. با انتخاب هر دو رأس از بخش بالا و هر دو رأس از بخش پایین یک و تنها یک دور به طول ۴ ساخته می‌شود.



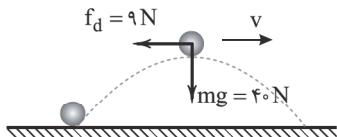
$$F_{net,y} = 0 \Rightarrow f_{s,max} + mg = F \quad (1)$$

$$(1), (2) \Rightarrow \mu_s F + mg = F \Rightarrow \gamma F + 24 = F$$

$$\therefore \gamma F = 24 \Rightarrow F = 30 \text{ N}$$

(فیزیک دوازدهم، صفحه های ۱۴۰ تا ۱۴۲)

۴۶. گزینه ۱ صحیح است.



a_x

a_y

$$f_{net} = ma \Rightarrow \sqrt{9^2 + 45^2} = 45 \text{ N}$$

$$\Rightarrow a = \frac{45}{45} = 10/25 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$$

(فیزیک دوازدهم، صفحه ۱۴۲)

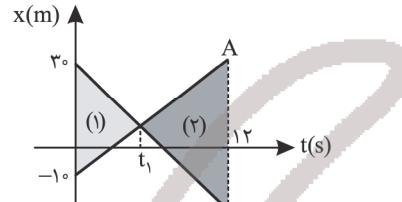
۴۱. گزینه ۴ صحیح است.
شیب خط مماس بر نمودار $x - t$ در لحظه $t = 4s$ سرعت متحرک را در این لحظه نشان می‌دهد. چون لحظات $t = 0$ و $t = 4s$ نسبت به محور تقارن سهمی متقارن هستند، بزرگی سرعت در این لحظات یکسان است.

$$v_f = \frac{9}{1} = 9 \frac{\text{m}}{\text{s}} \Rightarrow v_0 = -9 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$a_{av(0-4)} = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{18}{4} = 4.5 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$$

(فیزیک دوازدهم، صفحه ۱۰)

۴۲. گزینه ۳ صحیح است.



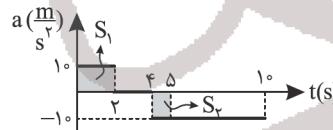
دو مثلث (۱) و (۲) متشابه هستند.

$$\frac{45}{10} = \frac{t_1}{10 - t_1} \Rightarrow \frac{1}{2} = \frac{t_1}{12 - t_1}$$

$$2t_1 = 12 - t_1 \Rightarrow 3t_1 = 12$$

$$\Rightarrow t_1 = 4s$$

۴۳. گزینه ۲ صحیح است.



$$0 < t < 2s \Rightarrow \Delta v = 2 \times 10 = 20 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$2s < t < 4s \Rightarrow \Delta v = 0$$

$$4s < t < 6s \Rightarrow \Delta v = 1 \times (-10) = -10 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$0 < t < 6s \Rightarrow \Delta v = 20 - 10 = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$\bar{a} = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{10}{6} = 1.67 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$$

۴۴. گزینه ۴ صحیح است.

$$x = 11 = 2t^2 - 10t + 3 \Rightarrow 2t^2 - 10t - 8 = 0$$

$$\begin{cases} t = \frac{10 \pm \sqrt{100 + 64}}{4} \\ t > 0 \end{cases} \Rightarrow t = 4s$$

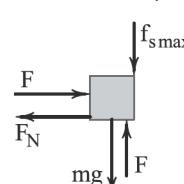
$$\begin{cases} x = 2t^2 - 10t + 3 \\ x = \frac{1}{2}at^2 + v_0 t + x_0 \end{cases} \Rightarrow a = 4 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}, v_0 = -10 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$v = at + v_0 = 4 \times 4 - 10 = 6 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

(فیزیک دوازدهم، فصل ۱، صفحه ۱۷)

۴۵. گزینه ۴ صحیح است.

برای محاسبه حداکثر نیروی F باید نیروی اصطکاک $f_{s,max}$ را به پایین و همجهت با وزن باشد.



$$F_{net,x} = 0 \Rightarrow F_N = F \quad (1)$$

مرکز نجات آموزش مدارس برتر



۵۸. گزینه ۲ صحیح است.

نیرو و شتاب گرانش کمیت‌های فرعی و برداری هستند.
(فیزیک دهم، صفحه ۷)

۵۹. گزینه ۴ صحیح است.

$$P_{\max} = \frac{F_{\max}}{A}$$

$$P_{\max} = \frac{\rho g h}{\gamma} = 1.5 \times 10^3 \text{ Pa} = \rho g h_m$$

$$h_{\max} = \frac{1.5 \times 10^3 \text{ (SI)}}{\rho g} = \frac{1.5 \times 10^3}{2500 \times 10} = \frac{1.5}{25} = \frac{3}{5} = 0.6 \text{ m} = 60 \text{ cm}$$

حداکثر ارتفاعی که مایع باید اضافه شود:

$$\Delta h = 60 - 15 = 45 \text{ cm}$$

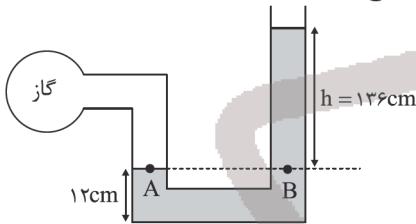
$$\Delta V = A \Delta h = 40 \times 5 = 200 \text{ cm}^3$$

$$\Delta V = Ah' = 5 \times 40 = 200 \text{ cm}^3$$

$$\Rightarrow \Delta V = 400 \text{ cm}^3 = 0.4 \text{ Lit}$$

(فیزیک دهم، فصل ۳، صفحه‌های ۳۳ و ۳۴)

۶۰. گزینه ۲ صحیح است.



$$h = 136 \text{ cm}$$

$$P_A = P_B \Rightarrow P_g = P_0 + (\rho gh)$$

$$P_g = P_{cmHg} + \frac{\rho_{\text{آب}}}{\rho_{Hg}} \times h_{cm} = 70 + \frac{1}{13.6} \times 136$$

$$= 70 + 10 = 80 \text{ cmHg}$$

(فیزیک دهم، فصل ۳، صفحه ۳۷)

۶۱. گزینه ۴ صحیح است.

$$\Delta K + \Delta U = W_{f_k}$$

$$\frac{1}{2}m(v' - v'_0) - mg\Delta h = W_{f_k}$$

$$\frac{1}{2} \times 4(15' - 0) - 4 \times 10 \times 20 = W_{f_k} \Rightarrow 450 - 800 = W_{f_k}$$

$$\Rightarrow W_{f_k} = -350 \text{ J}$$

۶۲. گزینه ۲ صحیح است.

$$w_T = F.d = \frac{1}{2}m(v' - v'_0)$$

$$\Delta E = \Delta U + \Delta K = -mgh + \frac{1}{2}m(v' - v'_0)$$

$$-777 = -0.2 \times 10 \times 1/5 + \frac{1}{2} \times 0.2 \times (v' - 24) \rightarrow v' = 23 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

۶۳. گزینه ۴ صحیح است.

طبق نمودار مشخص است که جسم در بازه زمانی صفر تا ۲۰s جامد است و در بازه زمانی ۲۰s تا ۸۰s در حال ذوب شدن است. چون با توان ثابتی به جسم گرمای داده می‌شود در نتیجه می‌توان نوشت:

$$P = \frac{Q}{t} \Rightarrow Q = Pt$$

$$Q_1 = mc\Delta\theta \quad (Q_1 = mL_f) \quad \left\{ \begin{array}{l} Q_1 = mL_f \\ Q_1 = m\Delta\theta \end{array} \right. \Rightarrow \frac{mL_f}{m\Delta\theta} = \frac{Q_1}{\Delta\theta} \Rightarrow \frac{L_f}{\Delta\theta} = \frac{T_f}{T_1} = \frac{L_f}{c\Delta\theta}$$

$$\Rightarrow \frac{L_f}{20} = \frac{L_f}{80 \times 5} \Rightarrow L_f = 120 \times 10^{-3} \frac{\text{J}}{\text{^\circ C}} = 120 \text{ kJ}$$

۵۱. گزینه ۲ صحیح است.

$$\frac{3\lambda}{4} = 12 \Rightarrow \lambda = 16 \text{ cm}$$

$$\lambda = vT \Rightarrow 16 = 4 \times T \Rightarrow T = 4 \text{ s}$$

$$t = 1s \Rightarrow n = \frac{1}{T} = \frac{1}{4} = 25$$

$$d = n \times 4A = 25 \times 4 \times 0.2 = 2 \text{ m}$$

۵۲. گزینه ۲ صحیح است.

$$\frac{\lambda_1}{\lambda_2} = \frac{f_2}{f_1} \Rightarrow \frac{f_1}{f_2} = \frac{4}{7}$$

نسبت بسامد در آب: $\frac{\lambda_1}{\lambda_2} = \frac{f_1}{f_2} = \frac{4}{7}$
می‌دانیم بسامد با تغییر محیط عوض نمی‌شود. پس نسبت بسامدها در

مایع نیز $\frac{4}{7}$ است.

۵۳. گزینه ۱ صحیح است.

طبق رابطه $n_1 \sin \theta_1 = n_2 \sin \theta_2$ برای هر دو یکسان و n_2 نیز

برای هر دو یکسان است. از طرفی n_1 برای سبز بیشتر است. پس n_2 بزرگ‌تر می‌گردد.

(فیزیک دوازدهم ریاضی، صفحه ۹۹)

۵۴. گزینه ۳ صحیح است.

$$F' = 0.64F$$

$$\frac{V'}{V} = \sqrt{\frac{F'}{F}} = \sqrt{0.64} = 0.8$$

$$f_1 = \frac{V}{2L} \Rightarrow \frac{f'_1}{f_1} = \frac{V'}{V} = 0.8$$

بنابراین بسامد هماهنگ اصلی ۲۰ درصد کم می‌شود.

۵۵. گزینه ۴ صحیح است.

به ازای $n=1$ ، حالت پایه و به ازای $n=2$ و ... به ترتیب

الکترون در اولین، دومین و ... حالت برانگیخته قرار می‌گیرد. بنابر

$$E_n = -\frac{E_R}{n^2}$$

$$E_n = \frac{-13.6}{3^2} = -1.51 \text{ eV}$$

(فیزیک دوازدهم، صفحه ۱۲۱)

۵۶. گزینه ۲ صحیح است.

پرائزئی ترین فوتون زمانی گسیل می‌شود که الکترون از تراز $n=2$ به $n'=1$ گذار کند.

$$E = E_R \left(\frac{1}{n'^2} - \frac{1}{n^2} \right) = 12.6 \times \left(\frac{1}{1^2} - \frac{1}{2^2} \right) = 10.2 \text{ eV}$$

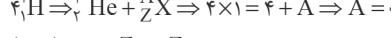
این فوتون از سطح فلزهای میتواند الکترون جدا کند که تابع کار آنها

کمتر از 10.2 eV باشد. پس می‌توان از سطح فلز A و B الکترون جدا کند.

(فیزیک دوازدهم، صفحه ۱۱۱ و ۱۲۷)

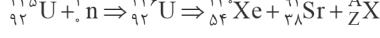
۵۷. گزینه ۲ صحیح است.

عدد اتمی و عدد جرمی دو طرف واکنش هسته‌ای باید موازن شوند.



$$(4+1) = 2+Z \Rightarrow Z = 2$$

$${}^2_X \equiv {}_{+1}^1\text{e}$$



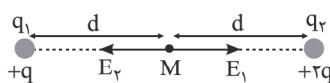
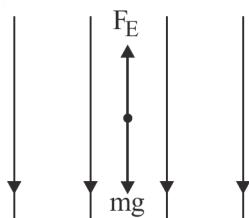
$$236 = 140 + 94 + A \Rightarrow A = 2$$

$$92 = 54 + 28 + Z \Rightarrow Z = 0$$

$${}^2_X \equiv {}^1_{-1}\text{n}$$

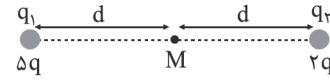
(فیزیک دوازدهم، فصل ۵، صفحه‌های ۱۴۲، ۱۴۳ و ۱۴۴)





$$E = \frac{2Kq}{d^2} - \frac{Kq}{d^2} = \frac{Kq}{d^2}$$

در این حالت میدان برایند به سمت چپ است.



$$E' = \frac{5Kq}{d^2} - \frac{2Kq}{d^2} = \frac{3Kq}{d^2} = 3E$$

در حالت دوم میدان الکتریکی برایند، به سمت راست است. پس:

$$E' = -3E$$

۶۷. گزینه ۴ صحیح است.

در حالت اول:

$$F_E = mg$$

در این حالت میدان برایند به سمت چپ است.

$$F_E = mg$$

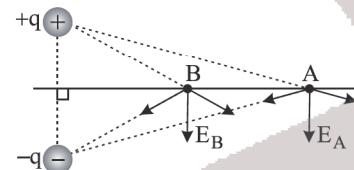
$$E = \frac{2Kq}{d^2} - \frac{Kq}{d^2} = \frac{Kq}{d^2}$$

در حالت دوم میدان الکتریکی برایند، به سمت راست است. پس:

$$E' = -3E$$

۶۸. گزینه ۱ صحیح است.

اگر میدان الکتریکی بین نقاط A و B را رسم کنیم، در جایه جایی از تا B عمود بر خطوط میدان حرکت کرده‌ایم و بنابراین کار میدان الکتریکی صفر است.



۶۹. گزینه ۱ صحیح است.

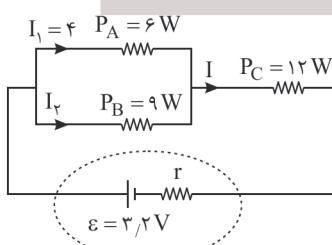
$$R = \frac{V}{I}$$

$$A : 18 = \frac{9}{I_A} \Rightarrow I_A = 5 \Rightarrow I_B = 5 + 10 = 15A$$

$$B : R = \frac{9}{15} = 6\Omega$$

(فیزیک یازدهم، صفحه‌های ۳۴ و ۳۵)

۷۰. گزینه ۱ صحیح است.



توان خروجی مولد، توان مصرفی در مقاومت‌های خارجی است، پس:

$$P_{\text{خروجی}} = 6 + 9 + 12 = 27W$$

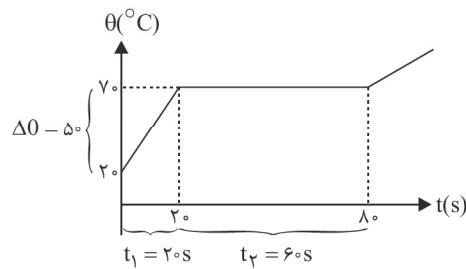
از طرفی توان تولیدی مولد برابر است با:

$$P = EI$$

$$P_A = 6 = 4 \times V_A \Rightarrow V_A = 1.5V$$

$$V_A = V_B \Rightarrow V_B = 1.5V$$

$$P_B = 9 = 1.5 \times I_2 \Rightarrow I_2 = 6A$$



(فیزیک دوازدهم، صفحه ۱۰۳ تا ۱۰۴)

۶۴. گزینه ۳ صحیح است.

حجم کره‌ها را محاسبه می‌کنیم:

$$V = V_A = V_B = \frac{4}{3}\pi R^3$$

$$V_{\text{حفره}} = \frac{4}{3}\pi \left(\frac{R}{2}\right)^3 = \frac{1}{8} \left(\frac{4}{3}\pi R^3\right) = \frac{1}{8} V$$

$$V_{\text{حفره}} = V_B = V - V_{\text{حفره}} = V - \frac{1}{8} V = \frac{7}{8} V$$

طبق رابطه $\rho = \frac{m}{V}$ ، جرم دو کره را مقایسه می‌کنیم:

$$\rho = \frac{m}{V} \Rightarrow m = \rho V \xrightarrow{\text{یکسان}} \frac{m_B}{m_A} = \frac{V_B}{V_A} = \frac{\frac{7}{8} V}{V} = \frac{\frac{7}{8} V}{V} = \frac{7}{8}$$

با استفاده از رابطه $Q = mc\Delta\theta$ می‌توان نوشت:

$$\frac{Q_B}{Q_A} = \frac{m_B}{m_A} \times \frac{\Delta\theta_B}{\Delta\theta_A} \Rightarrow 1 = \frac{7}{8} \times \frac{\Delta\theta_B}{\Delta\theta_A} \Rightarrow \frac{\Delta\theta_A}{\Delta\theta_B} = \frac{7}{8}$$

حالا می‌توانیم با استفاده از رابطه $\Delta V = V_i \beta \Delta\theta$ خواسته تست را به دست آوریم:

$$\frac{\Delta V_A}{\Delta V_B} = \frac{V_A}{V_B} \times \frac{\Delta\theta_A}{\Delta\theta_B} = \frac{V}{V} \times \left(\frac{7}{8}\right) = 1 \times \frac{7}{8} = \frac{7}{8}$$

دقت کنید در محاسبه ΔV باید حجم ظاهری قرار داده شود و حجم ظاهری دو کره یکسان است، یعنی افزایش حجم، ارتباطی به حفره ندارد.

(فیزیک دوازدهم، صفحه ۹۳)

۶۵. گزینه ۱ صحیح است.

با توجه به آنکه فرایند بی‌درجه است، دما تغییر می‌کند و دما افزایش می‌یابد.

الف) درست: انرژی درونی افزایش می‌یابد.

ب) نادرست: دمای گاز کم می‌شود.

ج) نادرست: دمای گرمای مبادله شده صفر است.

د) نادرست: کار انجام شده برابر تغییرات انرژی درونی است.

(فیزیک دهم، صفحه ۱۳۳)

۶۶. گزینه ۲ صحیح است.

با توجه به اینکه بر ذره دو نیرو وارد می‌شود یکی نیروی وزن و دیگری

نیروی الکتریکی و ذره در حال تعادل است می‌توان نوشت:

$$F_E - mg = 0 \Rightarrow F_E = mg$$

$$\frac{F_E = |q|E}{|q|} \Rightarrow |q|E = mg \Rightarrow E = \frac{mg}{|q|} = \frac{1.0 \times 1.0 \times 10}{5 \times 1.0} = 2N/C$$

$$E = 2 \times 1.0 N/C$$

چون بر ذره منفی است، نیروی الکتریکی مخالف میدان الکتریکی است

و چون نیروی الکتریکی باید مخالف وزن و رو به بالا باشد، جهت میدان

الکتریکی باید رو به پایین باشد.



مرکز تخصصی آموزش مدارس برتر

شیمی

۷۶. گزینه ۳ صحیح است.

آ) درست؛ دومین عنصر نسبتاً فراوان در زمین اکسیژن می‌باشد. در بین ۸ عنصر نسبتاً فراوان در زمین و مشتری دو عنصر مشترک (اکسیژن و گوگرد) وجود دارد.

ب) نادرست؛ مرگ ستاره اغلب با انفجار بزرگ همراه است که سبب می‌شود عنصرهای تشکیل شده در آن در فضای پراکنده شود.

پ) نادرست؛ به عنوان مثال $^{93}_{43}\text{TC}$ یک رادیوایزوتوپ می‌باشد، اما نسبت شمار نوترون به پروتون آن برابر یا بیش از $\frac{1}{5}$ نیست.

ت) درست؛ شمار عناصر در دوره‌های اول تا هفتم جدول دوره‌ای به ترتیب برابر $2, 8, 8, 18, 18, 32, 32$ می‌باشد.

(شیمی دهم، صفحه‌های ۱۰، ۱۱ و ۱۲)

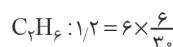
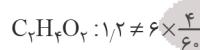
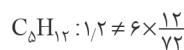
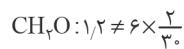
۷۷. گزینه ۴ صحیح است.

$$\text{? atom O} = 26 \text{ g C}_6\text{H}_{12}\text{O}_6 \times \frac{1 \text{ mol C}_6\text{H}_{12}\text{O}_6}{180 \text{ g C}_6\text{H}_{12}\text{O}_6}$$

$$\times \frac{N_A \text{ C}_6\text{H}_{12}\text{O}_6}{1 \text{ mol C}_6\text{H}_{12}\text{O}_6} \times \frac{6 \text{ atom O}}{1 \text{ C}_6\text{H}_{12}\text{O}_6} = \frac{1}{2} N_A \text{ atom O}$$

$$\frac{1}{2} N_A \text{ atom O} = 6 \text{ g} \times \left[\frac{1 \text{ mol} \times N_A \text{ مولکول}}{? \text{ g} \times ? \text{ mol}} \times \frac{\text{مولکول}}{1 \text{ مولکول}} \right]$$

حاصل قسمت کادر باید $\frac{1}{2}$ شود. با توجه به جرم مولی و شمار اتم‌های H در ترکیب هر گزینه می‌توان نوشت:



(شیمی دهم، صفحه‌های ۱۱ و ۱۲)

۷۸. گزینه ۱ صحیح است.

با توجه به آرایش الکترونی E^{2+} اتم عنصر E²⁺ دارای ۲۹ پروتون می‌باشد.

$$\begin{cases} A_1 = Z + N \\ N - Z = 5 \Rightarrow A_1 = 29 + 24 \Rightarrow A_1 = 63 \\ N = 5 + Z \end{cases}$$

با توجه به مجموع ذرات زیراتومی در ایزوتوپ سنگین‌تر و یکسان بودن شمار پروتون‌ها و همچنین الکترون‌ها در هر دو ایزوتوپ می‌توان نوشت: $= A_2 + Z \Rightarrow 63 = A_2 + 29 \Rightarrow A_2 = 65$

شمار ذرات زیراتومی در هر اتم

$$^{63}_{31}\text{E} \quad ^{65}_{31}\text{E} \Rightarrow \bar{M} = \frac{(63 \times 21) + (65 \times 69)}{100} = 64.38 \text{ amu}$$

راه حل دوم:

برای محاسبه جرم اتمی میانگین:

$$\bar{M} = 63 + \frac{2 \times 69}{100} = 64.38 \text{ amu}$$

(شیمی دهم، صفحه ۱۵)

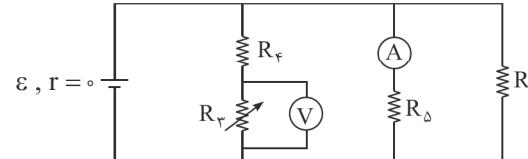
$$I = I_1 + I_2 = 4 + 6 = 10 \text{ A}$$

$$\vec{P} = \frac{3}{2} \times 10 = 32 \text{ W}$$

پس وقتی توان تولیدی باتری 32 W و توان خروجی 27 W باشد، توان تلف شده در باتری 5 W خواهد بود.

(فیزیک یازدهم، صفحه‌های ۱۵ تا ۱۶)

۷۹. گزینه ۲ صحیح است.



آمپرسنج جریان عبوری از مقاومت R_5 را نشان می‌دهد که چون مقاومت R_5 مستقیماً به یک باتری آرمانی متصل شده، پس ولتاژ دو سر آن ثابت است، بنابراین جریان عبوری از آن تغییر نمی‌کند. از طرفی در شاخه‌ای که مقاومت‌های R_2 و R_4 هم قرار دارند، مجموع ولتاژ R_2 و R_4 ثابت است. مقدار بیشتری از ولتاژ مولد به مقاومت R_2 می‌رسد و عدد ولتسنج افزایش می‌یابد.

(فیزیک یازدهم، صفحه‌های ۵۱ و ۵۶ تا ۵۹)

۸۰. گزینه ۴ صحیح است.

از رابطه $F = BIL \sin \theta$ استفاده می‌کنیم

$$\theta = 90^\circ \Rightarrow \sin 90^\circ = 1 \Rightarrow F = 10 \times \frac{5}{10} = 0.1 \text{ N}$$

دقت کنید جهت میدان مغناطیسی بر راستای سیم عمود است.

(فیزیک یازدهم، صفحه ۹۳)

۸۱. گزینه ۳ صحیح است.

در رابطه $\phi = BA \cos \theta$ و زاویه میدان مغناطیسی و نیم خط عمود بر سطح، 60° درجه است. به این ترتیب داریم:

$$\phi = 10^2 \times 10^{-4} \times 10^0 \times 10^{-4} \times \cos 60^\circ \Rightarrow \phi = 5 \times 10^{-4} \text{ Wb}$$

(فیزیک یازدهم، فصل ۳، صفحه ۱۱۱)

۸۲. گزینه ۱ صحیح است.

از رابطه $I = \frac{N | \Delta \phi |}{R \Delta t}$ استفاده می‌کنیم. دقت کنید که در این سؤال کمیت‌های A، B، θ و A تغییر کرده است و می‌توان نوشت:

$$\phi_1 = A_1 B_1 \cos \theta_1 \xrightarrow{\theta_1 = 30^\circ} \phi_1 = \frac{1}{2} \times 0.2 \times 10^3 \times 10^{-4} \times 1 = 6 \times 10^{-4} \text{ Wb}$$

$$\phi_2 = A_2 \times B_2 \cos \theta_2 \xrightarrow{\theta_2 = 180^\circ} \phi_2 = \frac{1}{4} \times 0.2 \times 2 \times 10^3 \times 10^{-4} \times (-1) = -1.6 \times 10^{-3}$$

$$|\Delta \phi| = |-1.6 \times 10^{-3} - 6 \times 10^{-4}| = 2.2 \times 10^{-3} \text{ Wb}$$

$$I = \frac{1}{2} \times \frac{2.2 \times 10^{-3}}{0.1} \Rightarrow I = 11 \times 10^{-3} \text{ A} \Rightarrow I = 11 \text{ mA}$$

(فیزیک یازدهم، فصل ۳، صفحه‌های ۱۱۴ و ۱۱۵)

۸۳. گزینه ۲ صحیح است.

در حالتی که جریان القابی در مقاومت R به طرف راست باشد، میدان مغناطیسی حاصل از دو سیم‌لوله در خلاف جهت هم است. چنین حالتی وقتی به وجود می‌آید که شار مغناطیسی گذرنده از سیم‌لوله (۲) در حال زیاد شدن باشد و فقط با کاهش مقاومت متغیر سیم‌لوله (۱) که سبب افزایش جریان آن و زیاد شدن میدان مغناطیسی آن، این حالت رخ می‌دهد.

(فیزیک یازدهم، فصل ۳، تمرین ۱۴ صفحه ۱۲۹)



۷۹. گزینه ۱ صحیح است.

$$\begin{cases} A = Z + N \\ N - e^- = 14 \\ e^- = Z - \text{بار} \\ N = 14 + 42 - 2 = 54 \end{cases}$$

$$A = 42 + 54 = 96$$

عنصر M در گروه ششم جدول دوره‌ای قرار دارد.

شمار ذرات زیراتمی در هر یون تک اتمی

$$= 96 + 42 - 2 = 136$$

(شیمی دهم، صفحه‌های ۵۳۱ و ۳۴۶)

۸۰. گزینه ۱ صحیح است.

تمام نامگذاری‌ها نادرست هستند و نام صحیح آنها به صورت زیر می‌باشد:

N₂O : دی‌نیتروژن مونوآکسید

CO : کربن مونو آکسید

(پایه دهم، فصل دوم، صفحه‌های ۳۴۶ - ۳۴۷)

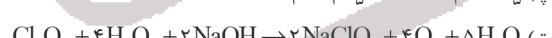
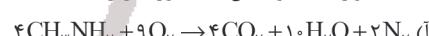
۸۱. گزینه ۴ صحیح است.

برخلاف آلومینیم که اکسید آن Al₂O₃ می‌باشد آهن دو نوع اکسید بافرمول‌های FeO و Fe₂O₃ تشکیل می‌دهد.

(شیمی دهم، صفحه‌های ۵۳۱، ۵۳۶ و ۵۷۰)

۸۲. گزینه ۲ صحیح است.

معادله موازن‌شده واکنش‌ها به صورت زیر است:



مجموع ضرایب واکنش‌دهنده‌ها در واکنش‌های «ب» و «پ» برابر ۶ است.

(شیمی دهم، صفحه‌های ۳۴۶ تا ۳۴۷)

۸۳. گزینه ۴ صحیح است.

$$\frac{\text{جرم حل شونده}}{\text{جرم محلول}} \times 100 = \frac{\text{درصد جرمی}}{\text{درصد جرم}}$$

$$\text{جرم حل} + \text{جرم حل شونده} = \text{جرم محلول}$$

$$6 = \frac{\text{جرم حل}}{\text{جرم محلول}} \times 100 \Rightarrow 40.0 \text{ g} = \text{جرم محلول} \Rightarrow \frac{40.0}{6} \times 100 = 376 \text{ g}$$

$$\rho = \frac{m}{V} \rightarrow \rho = \frac{376 \text{ g}}{20.0 \text{ mL}} \Rightarrow \boxed{\rho = 18.8 \text{ g/mL}}$$

۸۴. گزینه ۴ صحیح است.

با توجه به معادله انحلال پذیری داده شده به دلیل آنکه ضریب θ

عددی مشتبث است، بنابراین نمودار انحلال پذیری آن باید صعودی باشد.

$$S = (0.2 \times 20) + 25 = 29$$

$$100 + 29 = 129 \text{ g} \Rightarrow 387 \text{ g} \times \frac{29}{129} = 87 \text{ g}$$

در ۳۸۷ گرم از این محلول در حالت سیر شده در دمای ۲۰°C

گرم حل شونده می‌تواند حل شود، ولی ۹۵ گرم حل شده است.

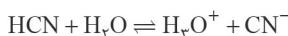
بنابراین، این محلول فراسیر شده است.

(شیمی دهم، صفحه‌های ۱۰۹ و ۱۱۰)



مرکز نجات آموزش مدارس برتر

۹۵. گزینه ۴ صحیح است.



مول اولیه	m	\cdot	\cdot
تغییر مول	$-x$	$+x$	$+x$
مول تعادلی	$m - x$	x	x

$$\frac{\text{مول های تفکیک شده}}{\text{مقدار مول حل شده}} = \frac{x}{m} = \frac{(\text{درجه یونش})}{\alpha}$$

$$2x = 1.6 \times 10^{-3} \Rightarrow x = 8 \times 10^{-4}$$

$$\alpha = 4 \times 10^{-4} = \frac{8 \times 10^{-4}}{m} \Rightarrow m = \text{مول حل شده} = 2 \text{ mol}$$

$$[\text{HCN}] = \frac{\text{mol}}{\text{L}} = \frac{2 \text{ mol}}{0.2 \text{ L}} = 10 \text{ mol L}^{-1}$$

(شیمی دوازدهم، صفحه ۱۱)

۹۶. گزینه ۳ صحیح است.

بررسی گزینه‌ها:

$$\text{pH} = 4.7 \Rightarrow [\text{H}^+] = 10^{-4.7} = 2 \times 10^{-5}$$

$$[\text{H}^+][\text{OH}^-] = 10^{-14} \Rightarrow [\text{OH}^-] = \frac{1}{2} \times 10^{-9}$$

۲) تنها در دمای اتاق محدوده عددی محلول‌های اسیدی مابین صفر و ۷ می‌باشد.

۳) با افزایش غلظت یون هیدرونیوم به یک محلول. pH کاهش یافته و با توجه به رابطه $10^{-14} = [\text{H}^+][\text{OH}^-]$ ، غلظت یون هیدروکسید کمتر می‌شود.

۴) میزان تغییر رنگ کاغذ pH بیان کننده میزان اسیدی بودن یک محلول و نه قدرت اسید می‌باشد.

(شیمی دوازدهم، صفحه‌های ۲۳۰ و ۲۳۴)

۹۷. گزینه ۳ صحیح است.

زمانی دمای محلول افزایش می‌یابد که واکنش انجام شود، بنابراین

براساس پتانسیل‌های کاهشی داده شده، چون پتانسیل کاهشی Fe^{2+} بیشتر از Zn^{2+} است، بنابراین واکنش میان فلز Fe و محلول روی نیترات انجام‌پذیر نیست و دما محلول افزایش نمی‌یابد، اما واکنش سایر

گزینه‌ها انجام‌پذیر است و دمای محلول آنها افزایش می‌یابد.

(شیمی دوازدهم، صفحه‌های ۲۳۰ تا ۲۳۴)

۹۸. گزینه ۲ صحیح است.

عبارت اول) درست، باتری‌ها در شکل، اندازه و کارایی با یکدیگر نفاوت

آشکاری دارند، اما در همه آنها با انجام نیم‌واکنش‌های آندی و کاتدی،

جریان الکتریکی در مدار بیرونی برقرار می‌شود.

عبارت دوم) درست، لیتیم در میان فلزات کمترین چگالی و E را

دارد. این ویژگی‌های لیتیم سبب شده راه برای ساخت باتری‌های سبکتر، کوچک‌تر و با توانایی ذخیره بیشتر انرژی هموار شود.

عبارت سوم) نادرست، باتری دگمه‌ای از جمله باتری‌های لیتیمی است

که در شکل‌ها و اندازه‌های گوناگون به کار می‌رود. دسته‌ای دیگر از

باتری‌های لیتیمی آنهایی هستند که در تلفن و رایانه همراه به کار می‌روند و می‌توان آنها را بارها شارژ کرد.

۹۰. گزینه ۳ صحیح است.

در هیدروکربن‌ها با افزایش تعداد کربن، ارزش سوختی کاهش می‌یابد و با تعداد کربن برابر ترتیب ارزش سوختی بر اساس هیدروژن خواهد بود. البته ارزش سوختی هیدروکربن‌ها از الکل‌های هم‌کربن خود بیشتر است. در الکل‌ها با افزایش تعداد کربن ارزش سوختی افزایش می‌یابد.

(شیمی دوازدهم، فصل ۳)

۹۱. گزینه ۱ صحیح است.

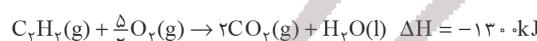
$$\Delta H = [(A - A) + (B - B)] - [2(A - B)]$$

$$\Delta H = [(436) + (242)] - [2(431)] \Rightarrow \Delta H = -184 \text{ kJ}$$

$$1 \text{ mol AB} \times \frac{144 \text{ kJ}}{2 \text{ mol}} \times \frac{14.6 \text{ g}}{36.8 \text{ kJ}} = 36.5 \text{ g}$$

(شیمی دوازدهم، فصل ۳)

۹۲. گزینه ۴ صحیح است.



$$1 \text{ mol C}_2\text{H}_2 \times \frac{1 \text{ mol}}{22.4 \text{ L}} \times \frac{130.0 \text{ kJ}}{1 \text{ mol C}_2\text{H}_2} \times \frac{6^\circ}{100^\circ} = 34.82 \text{ kJ}$$

(شیمی دوازدهم، صفحه‌های ۷۰ و ۷۱)

۹۳. گزینه ۴ صحیح است.

بررسی گزینه‌ها:

۱) از آبکافت اتیل بوتانوات، اتانول و بوتانویک اسید حاصل می‌شود. در حالی که اسید داده شده در صورت سوال پروپانویک اسید است.

۲) فرمول مولکولی متیل پنتانوات به صورت $\text{C}_5\text{H}_{10}\text{O}_2$ است. برای محاسبه شمار پیوندها می‌توان نوشت:

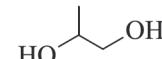
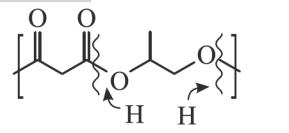
$$\frac{(\text{تعداد اکسیژن} \times 2) + (\text{تعداد هیدروژن} \times 1)}{2} = \frac{(\text{تعداد کربن} \times 4) + (\text{تعداد کربن} \times 1)}{2} = \text{شمار پیوندها}$$

$$= \frac{4(6) + 12 + 2(2)}{2} = 20$$

۳) فرمول شیمیایی اسٹیک اسید و متیل متانوات $\text{C}_5\text{H}_8\text{O}_2$ است. با توجه به اینکه دو ترکیب با یکدیگر ایزومر هستند نقطه جوش اسٹیک

اسید به دلیل برقراری پیوند هیدروژنی بالاتر است.

۴) ساختار دی‌الکل سازنده پلی استر به صورت زیر است:

: دی‌الکل سازنده $\text{C}_2\text{H}_8\text{O}_2$

(شیمی دوازدهم، صفحه‌های ۱۱۷ تا ۱۱۷)

۹۴. گزینه ۳ صحیح است.

پلیمرهای حاصل از هیدروکربن‌های سیر نشده به انجام واکنش تمایلی ندارند و در واقع پلیمرهای ماندگارند. علت این است که این پلیمرها

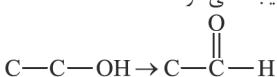
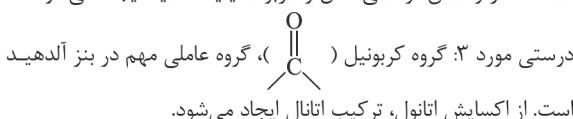
ساختاری شبیه به آلکان‌ها دارند و سیر نشده هستند. هرچند استفاده از این پلیمرها صرفه اقتصادی دارد اما از نگاه پیشرفت پایدار، تولید و

استفاده از این پلیمرها الگوی مصرف مطلوبی نیست.

(شیمی دوازدهم، صفحه ۱۱۱)



است که از واکنش تراکمی الکل و کربوکسیلیک اسید ایجاد می‌شود.



نادرستی مورد ۴: از واکنش اتن با HCl ، کلرواتان $\text{C}_2\text{H}_5\text{Cl}$ ایجاد می‌شود که در افشاره بی حس کننده موضعی استفاده می‌شود.
(شیمی دوازدهم، صفحه ۱۱۳)

عبارت چهارم) نادرست، پسماند باتری‌های لیتیمی سمی هستند و نباید در طبیعت رها یا دفن شوند.

(شیمی دوازدهم، فصل ۲، صفحه‌های ۵۹ و ۶۰)

۹۹. گزینه ۴ صحیح است.



الکترود سیلیسیم که در نقش آند است با انجام واکنش به SiO_4^{4-} تبدیل شده و بر جرم آن افزوده می‌شود.

(شیمی دوازدهم، صفحه ۶۴)

۱۰۰. گزینه ۲ صحیح است.

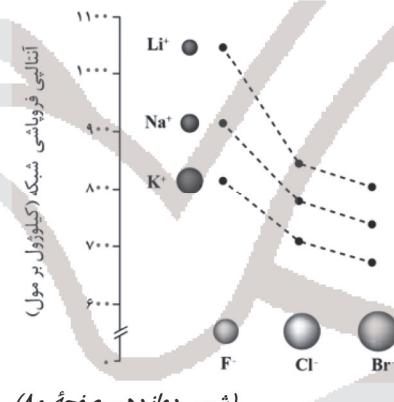
کوارتز و ماسه نمونه‌های خالص و ناخالص سیلیسیم هستند نه سیلیسیم.

(شیمی دوازدهم، صفحه‌های ۱۶۱ و ۱۶۲)

۱۰۱. گزینه ۴ صحیح است.

ترتیب انرژی شبکه $X < Y < Z$ به صورت $X > Y > Z$ است، پس پاسخ

درست گزینه ۴ است.



(شیمی دوازدهم، صفحه ۱۰۱)

۱۰۲. گزینه ۲ صحیح است.

(شیمی دوازدهم، صفحه‌های ۱۶۸ تا ۷۱)

۱۰۳. گزینه ۳ صحیح است.

تنها عبارت‌های پ و ت درست هستند.

بررسی عبارت‌های نادرست:

آ) آب اقیانوس‌ها و دریاهای مخلوط همگنی از انواع نمکها است.

ب) نزدیک به ۷۵ درصد از سطح زمین، از آب پوشیده می‌شود.

(شیمی دهم، صفحه ۱۶)

۱۰۴. گزینه ۱ صحیح است.

آب باران در هوای پاک تقریباً خالص است، زیرا هنگام تشکیل برف و باران، تقریباً همه مواد حل شده در آب از آن جدا می‌شود. این فرایند، الگویی برای تهیه آب خالص است. فرایندی که تقطیر نام دارد و فراورده آن آب مقتدر است.

(شیمی دهم، صفحه‌های ۱۱ و ۱۹)

۱۰۵. گزینه ۳ صحیح است.

نادرستی مورد ۱: اتن در حضور آب و سولفوریک اسید (نه سدیم هیدروکسید) به اتانول تبدیل می‌شود.

نادرستی مورد ۲: تبدیل اتانول به اتانویک اسید با استفاده از یک ماده اکسیده صورت می‌گیرد. در حالی که اتیل اتانوات یک ترکیب استری