



آزمون «۱۳ مرداد ۱۴۰۲» اختصاصی دوازدهم ریاضی (نظام جدید) دفترچه اجباری

مدت پاسخ‌گویی: ۱۰۰ دقیقه

تعداد سؤالات: ۷۰ سؤال

نام درس	تعداد سؤال	شماره سؤال	زمان پاسخگویی
اجباری	۱	۱-۱۰	۱۵'
	۱	۱۱-۲۰	۱۵'
	۱	۲۱-۳۰	۱۵'
	۱	۳۱-۴۰	۱۵'
	۱	۴۱-۵۰	۱۰'
	۱	۵۱-۶۰	۱۵'
	۱	۶۱-۷۰	۱۵'
جمع کل			۱۰۰'

جدید آورندگان

نام درس	نام طراحان
ریاضی پایه و حسابات ۲	دانیال ابراهیمی- کاظم اجلالی- عباس اشرفی- امیر هوشنگ انصاری- رحمان پور رحیم- محمد سجاد پیشوایی- محمد ابراهیم تو زنده جانی عادل حسینی- وحید راحتی- بابک سادات- سهیل ساسانی- علی اصغر شریفی- بیوان طهرانیان- حمید علیزاده- احسان غنی زاده معین کرمی- لیلا مرادی- مهدی ملار رمضانی- سروش مؤینی- حامد نصیری
	امیر حسین ابومحبوب- حنانه اتفاقی- علی ایمانی- محبوبه بهادری- جواد حاتمی- سید محمد رضا حسینی فرد- افسین خاصه خان- فرزانه خاکپاش
هندرسه	سوکند روشنی- سید معسن فاطمی- مهداد ملوندی- سرژ یقیازاریان تبریزی
	محمد مهدی ابوتایبی- امیر حسین ابومحبوب- جواد حاتمی- افسین خاصه خان- فرزانه خاکپاش- امیر هوشنگ خمسه- سیدوحید ذوالقدری
آمار و احتمال و ریاضیات گستره	هاشم زمانیان- محمد ساکی- مصطفیه شریعت ناصری- حمیر شیخ- پوریا علاقه مند- مصطفی کیانی- علیرضا گونه- غلام رضا محبی- محمود منصوری امیر احمد میرسعید مجتبی تکیان
	هدی بهاری پور- امیر حاتمیان- ایمان حسین نژاد- سینا رحمانی تبار- علی طرفی- امیر حسین طیبی- محمد پارسا فراهانی- علیرضا کیانی دوست
فیزیک	امیر حسین مسلمی
شیمی	

گزینشگران و ویراستاران

نام درس	ریاضی پایه	هندرسه	آمار و احتمال	فیزیک	شیمی
گزینشگر	عادل حسینی	امیر حسین ابومحبوب	امیر حسین ابومحبوب	مصطفی کیانی	امیر حاتمیان
گروه ویراستاری	مهندی ملار رمضانی	مهرداد ملوندی	ویراستار استاد:	محمد زرین کفش	بهنام قازانچی
مسئول درس	عادل حسینی	امیر حسین ابومحبوب	امیر حسین ابومحبوب	محمد ساکی	امیر حسین مسلمی
مسئلندسازی	سمیه اسکندری	سرژ یقیازاریان تبریزی	سرژ یقیازاریان تبریزی	احسان صادقی	سمیه اسکندری

گروه فنی و تولید

محمد اکبری	مدیر گروه
نرگس غنی زاده	مسئول دفترچه
مدیر گروه: محیا اصغری	گروه مستندسازی
مسئول دفترچه: الهه شهبازی	فرزانه فتح المزاده
سوران نعیمی	ناظر چاپ

گروه آزمون

بنیاد علمی آموزشی قلم چی «وقف عام»

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ - تلفن: ۰۶۱-۶۴۶۳



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

حسابان ۱: تابع: صفحه‌های ۳۷ تا ۷۰

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اجباری است.۱- اگر $3 = f^2 - 3g(2)$ باشد، مقدار $(f+g)(2) = ?$ کدام است؟

۳۱ (۲)

۲۶ (۱)

۱۹ (۴)

۲۳ (۳)

۲- بازه $(-2, +\infty]$ دامنه تابع $f(x) = 1 + \sqrt{ax - b}$ است. اگر نمودار تابع f ، خط $9x - 3y = 0$ را در نقطه‌ای روی محور y قطع کند، مقدار $f(a - b)$ کدام است؟

۶ (۲)

۷ (۱)

۴ (۴)

۵ (۳)

۳- بُرد تابع $f(x) = \begin{cases} -\frac{1}{x} & ; 0 < x \leq \frac{1}{2} \\ \sqrt{-x+1} & ; x < 0 \end{cases}$ است. حاصل $b - a$ کدام است؟

۲ (۲)

۱ (۱)

۴ (۴)

۳ (۳)

۴- اگر $\{(m, n) | f = (4, n-3), (m-1, 5), (2, 3), (-2, n+3), (m^2 - m, 3), (4, -1)\}$ تابعی یک‌به‌یک باشد، دو تابی مرتبت (m, n) کدام است؟

سایت کنکور

(۱, -۲) (۲)

(۱, ۲) (۱)

(-1, 2) (۴)

(-1, -2) (۳)

۵- ضابطه وارون تابع $f(x) = x^2 - 3x + 1$ روی بازه $(-\infty, \frac{3}{4}]$ به صورت $f^{-1}(x) = a\sqrt{x+b} + c$ کدام است؟ $\frac{19}{4}$ (۲) $-\frac{9}{4}$ (۱) $-\frac{19}{4}$ (۴) $\frac{9}{4}$ (۳)

محل انجام محاسبات



- ۶ اگر $f(k) = -1$ باشد، $f^{-1}(-2f^{-1}(k)) = f(x) = \frac{2-x}{x+5}$ کدام است؟

$\frac{1}{8}$ (۲)

۱ (۱)

$-\frac{3}{4}$ (۴)

$\frac{3}{2}$ (۳)

- ۷ اگر $y = g(2x+4)$ و $(gof)(x) = -3x^2 + 1$ باشند، بیشترین مقدار $f(x) = 5x - 4$ کدام است؟

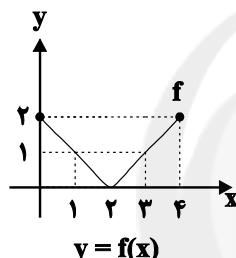
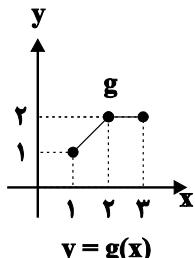
۲ (۲)

۱ (۱)

۴ (۴)

۳ (۳)

- ۸ اگر توابع f و g به شکل زیر باشند، دامنه تابع gof کدام است؟



[۰, ۱] (۱)

[۱, ۲] \cup [۳, ۴] (۲)

[۰, ۱] \cup [۲, ۳] (۳)

[۰, ۱] \cup [۳, ۴] (۴)

- ۹ اگر f تابعی وارون پذیر و $f^{-1}(2x+5) = g(x+2)$ باشد، مقدار $(fog)(3)$ کدام است؟

۵ (۲)

۷ (۱)

۲ (۴)

-۱ (۳)

- ۱۰ اگر $f(x) = \frac{x}{kx-2}$ ، دامنه تابع $f \circ f$ کدام است؟

$\mathbb{R} - \left\{ \frac{3}{5} \right\}$ (۲)

$\mathbb{R} - \left\{ \frac{2}{5} \right\}$ (۱)

$\mathbb{R} - \left\{ \frac{2}{5}, \frac{3}{5} \right\}$ (۴)

$\mathbb{R} - \left\{ \frac{2}{5}, \frac{4}{5} \right\}$ (۳)



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

هنده ۲: دایره: صفحه‌های ۲۰ تا ۳۱

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اجباری است.

۱۱- در بین چهار ضلعی‌های مربع، مستطیل، لوزی، متوازی‌الاضلاع، ذوزنقه متساوی‌الساقین و کایت به ترتیب چه تعداد همواره محاطی و چه تعداد همواره محیطی هستند؟

۴-۳ (۲)

۳-۳ (۱)

۲-۳ (۴)

۳-۴ (۳)

۱۲- دو دایره $C(O, 2m)$ و $C'(O', 1m)$ متداخل یا مماس درونی هستند. اگر $OO' = 3$ باشد، کمترین مساحت دایره C کدام است؟

 4π (۲) π (۱) 16π (۴) 9π (۳)

۱۳- در مثلثی با اضلاع ۱۲، ۱۳ و ۱۵، مجموع فواصل نقطه همرسی نیمسازهای زوایای داخلی از سه ضلع مثلث کدام است؟

۷ (۲)

۶ (۱)

 $\frac{7\sqrt{3}}{2}$ (۴) $3\sqrt{3}$ (۳)

۱۴- اگر مرکز دایره $C(O, R)$ درون دایره $C'(O', R')$ قرار داشته باشد، آن‌گاه تعداد نقاط مشترک دو دایره کدام می‌تواند باشد؟

(۱) صفر

(۲) ۲

(۳) هر سه حالت امکان‌پذیر است.

(۴) ۳

۱۵- اندازه هر ضلع شش‌ضلعی منتظم محاط در یک دایره چند برابر اندازه هر ضلع شش‌ضلعی منتظم محیط بر آن دایره است؟

 $\frac{\sqrt{2}}{2}$ (۲) $\frac{1}{2}$ (۱) $\frac{\sqrt{3}}{2}$ (۴) $\frac{2}{3}$ (۳)

۱۶- دو دایره $C(O, R)$ و $C'(O', r)$ خارج یکدیگرند. اگر مماس مشترک داخلی این دو دایره، خط‌المرکزین $OO' = 8$ را به نسبت

۲ به ۱ قطع کند، طول این مماس مشترک کدام است؟

 $3\sqrt{7}$ (۲) $\sqrt{2}$ (۱) $\frac{3}{2}\sqrt{7}$ (۴) $2\sqrt{7}$ (۳)

محل انجام حسابات



۱۷- دو دایره $C(O, R)$ و $C'(O', 2R)$ مفروض‌اند. اگر طول خط‌المرکزین دو دایره برابر $\sqrt{10}$ و طول مماس مشترک خارجی دو

دایره سه برابر طول مماس مشترک داخلی آن‌ها باشد، R کدام است؟

$$\frac{\sqrt{2}}{2} \quad (2)$$

$$\frac{1}{2} \quad (1)$$

$$1 \quad (4)$$

$$\frac{\sqrt{3}}{2} \quad (3)$$

۱۸- اگر شعاع دایره محاطی داخلی و دایره محاطی خارجی نظیر قاعدهٔ یک مثلث متساوی‌الساقین به ترتیب $\frac{10}{3}$ و $\frac{15}{2}$ باشد، شعاع

دایره محاطی خارجی نظیر هر ساق این مثلث کدام است؟

$$9 \quad (2)$$

$$8 \quad (1)$$

$$12 \quad (4)$$

$$10 \quad (3)$$

۱۹- یک ذوزنقهٔ متساوی‌الساقین با طول قاعده‌های ۴ و ۲۵ بر دایره‌ای محیط است. کمترین فاصلهٔ رأس ذوزنقهٔ تا نقاط واقع بر محیط

دایره کدام است؟

$$\sqrt{29} - 5 \quad (2)$$

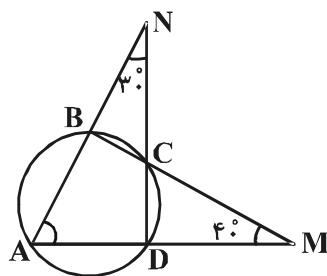
$$\sqrt{39} - 6 \quad (1)$$

$$\sqrt{13} - 3 \quad (4)$$

$$\sqrt{19} - 4 \quad (3)$$

نایابیت کنکور

۲۰- در شکل مقابل، زاویهٔ A چند درجه است؟



$$65 \quad (1)$$

$$70 \quad (2)$$

$$55 \quad (3)$$

$$60 \quad (4)$$

محل انجام محاسبات



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

آمار و احتمال: آشنایی با مبانی ریاضیات - احتمال: صفحه های ۲۶ تا ۵۱

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اجباری است.

۲۱- در فضای نمونه اعداد طبیعی یک رقمی، اگر A پیشامد انتخاب عددی کوچک‌تر از 6 ، B پیشامد انتخاب عددی فرد و C پیشامد انتخاب عددی اول باشد، آن‌گاه مجموعه $\{4\}$ معادل کدام یک از پیشامدهای زیر است؟

- (۱) A اتفاق بیفتند و از B و C فقط یکی اتفاق بیفتند.
- (۲) A اتفاق بیفتند ولی هیچ کدام از B و C اتفاق نیافتد.
- (۳) A و B هر دو اتفاق بیفتند ولی C اتفاق نیافتد.
- (۴) A و C هر دو اتفاق بیفتند ولی B اتفاق نیافتد.

۲۲- اگر $A = \{2, 5\}$ و $B = \{2, 5\}$ باشد، آن‌گاه نمودار مختصاتی $(A \times B) \cup (B \times A)$ به کدام صورت است؟

- (۱) دو پاره خط افقی
- (۲) دو پاره خط قائم
- (۳) محیط یک مربع
- (۴) سطح یک مربع

۲۳- اگر A ، B و C سه مجموعه ناتهی و $(A \times B) \cap (B \times C) \subseteq (A - C) \times (B \cap C)$ باشد، حاصل کدام است؟

- (۱) A^2
- (۲) B^3
- (۳) C^3
- (۴) \emptyset

۲۴- برای دو پیشامد A و B ، اگر $P(A' \cap B') = 0/6$ ، $P(A) = 0/2$ باشد، $P(B - A)$ کدام است؟

- (۱) $0/1$
- (۲) $0/2$
- (۳) $0/3$
- (۴) $0/4$

۲۵- از میان اعداد طبیعی دو رقمی، عددی به تصادف انتخاب می‌کنیم. با کدام احتمال عدد انتخاب شده نه مضرب 4 و نه مضرب 6 است؟

- (۱) $\frac{19}{30}$
- (۲) $\frac{2}{3}$
- (۳) $\frac{7}{10}$
- (۴) $\frac{61}{90}$

۲۶- فضای نمونه یک آزمایش تصادفی و $S = \{a, b, c, d\}$ و $B = \{a, b, d\}$ ، $A = \{a, c\}$ سه پیشامد از این

فضای نمونه هستند. اگر $P(A) = 0/4$ و $P(C) = 0/8$ باشد، $P(B)$ کدام است؟

- (۱) $0/5$
- (۲) $0/6$
- (۳) $0/7$
- (۴) $0/8$

۲۷- عددی به تصادف از بین اعداد طبیعی کوچک‌تر از 100 انتخاب می‌کنیم. اگر احتمال انتخاب شدن هر عدد متناسب با تعداد ارقام آن باشد، با کدام احتمال عدد انتخابی عددی اول و کوچک‌تر از 20 است؟

- (۱) $\frac{8}{99}$
- (۲) $\frac{4}{63}$
- (۳) $\frac{2}{25}$
- (۴) $\frac{2}{45}$

۲۸- در یک آزمایش تصادفی با فضای نمونه $S = \{a, b, c\}$ و $P(b), P(a)$ و $P(c)$ تشکیل یک دنباله حسابی می‌دهند. قدرنسبت این دنباله کدام عدد نمی‌تواند باشد؟

- (۱) $\frac{3}{11}$
- (۲) $\frac{2}{7}$
- (۳) $\frac{4}{9}$
- (۴) $\frac{1}{6}$

۲۹- اگر A ، B و C سه مجموعه باشند به طوری که $[A \cup (A \cup B)]' \cap [(B \cup C) \cap A] = \emptyset$ و $B \subseteq A$ ، $C \subseteq A$. کدام است؟

- (۱) $A' \cup C'$
- (۲) $B \cup C$
- (۳) $A \cap C$
- (۴) $B' \cap C'$

۳۰- اگر A ، B و C سه مجموعه غیر تهی و $(A \cap B)' \cap (A \cup B)' \cap C = C$ باشد، کدام رابطه زیر لزوماً درست است؟

- (۱) $B \cap C = \emptyset$
- (۲) $A \cap C = \emptyset$
- (۳) $B \cap C' = \emptyset$
- (۴) $A \cap C' = \emptyset$



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

فیزیک ۲: الکتریسیته ساکن و جریان الکتریکی و مدارهای جریان مستقیم: صفحه های ۳۲ تا ۶۱

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اجباری است.

۳۱- اگر دو صفحه خازن تخت بارداری را که بین صفحات آن هوا وجود دارد به هم وصل کنیم، جرقه‌ای زده می‌شود. حال اگر دوباره صفحات را به همان اندازه باردار کنیم اما فاصله صفحات را نصف نماییم و سپس دو صفحه را به هم وصل کنیم جرقه حاصل نسبت به حالت قبل چه تغییری می‌کند؟

- (۱) بزرگ‌تر می‌شود.
- (۲) کوچک‌تر می‌شود.
- (۳) تغییر نمی‌کند.
- (۴) بسته به شرایط هر سه حالت ممکن است رخ دهد.

۳۲- یک خازن تخت به یک باتری بسته شده تا باردار شود. پس از مدتی، در حالی که خازن همچنان به باتری متصل است، دیالکتریک بین صفحات خازن را خارج می‌کنیم. در این حالت کدام یک از موارد زیر درست است؟

- (۱) ظرفیت خازن کاهش می‌یابد.
- (۲) بار الکتریکی خازن تغییر نمی‌کند.
- (۳) اختلاف پتانسیل بین دو صفحه خازن کاهش می‌یابد.
- (۴) انرژی الکتریکی خازن افزایش می‌یابد.

۳۳- فاصله بین دو صفحه خازن تخت مربع شکلی 2mm و فضای بین دو صفحه آن با دیالکتریک $\epsilon = 10$ پر شده است. اگر این خازن را به اختلاف پتانسیل 1000V وصل کنیم، $\frac{1}{2}\mu\text{F}$ انرژی در آن ذخیره می‌شود. طول هر ضلع صفحه خازن چند

$$\text{سانتیمتر است? } (\epsilon_0 = 10^{-11} \frac{\text{F}}{\text{m}})$$

- (۱) ۱
- (۲) ۰/۱
- (۳) ۰/۵
- (۴) ۰/۰۱

۳۴- ظرفیت خازنی $3\mu\text{F}$ است و بار روی صفحات آن $2\mu\text{C}$ می‌باشد. بار روی صفحات آن را چند درصد و چگونه تغییر دهیم تا انرژی ذخیره شده در خازن $46\mu\text{J}$ افزایش یابد؟

- (۱) ۲۰ ، کاهش
- (۲) ۲۰ ، افزایش
- (۳) ۳۰ ، کاهش
- (۴) ۳۰ ، افزایش

۳۵- ظرفیت خازنی $7\mu\text{F}$ و بار الکتریکی آن $27\mu\text{C}$ است. اگر مقداری بار الکتریکی مثبت q را از صفحه منفی جدا کرده و به صفحه مثبت منتقل کنیم، انرژی خازن به اندازه $8\mu\text{J}$ تغییر می‌کند. q چند میکروکولون است؟

- (۱) ۲
- (۲) ۵۶
- (۳) ۵۸
- (۴) گزینه‌های «۱» و «۲» درست است.



۳۶- از مقاومتی جریان 1nA می‌گذرد. در مدت 1ms چند الکترون از هر مقطع این مقاومت عبور می‌کند؟ ($e = 1/6 \times 10^{-19}\text{C}$)

(۲) $6/25 \times 10^9$

(۱) $3/75 \times 10^7$

(۴) $3/75 \times 10^8$

(۳) $6/25 \times 10^6$

۳۷- باتری یک ساعت دیواری در مدت یک دور چرخش عقره دقيقه شمار این ساعت، $2/7$ ژول انرژی به مدار ساعت می‌دهد. اگر

اختلاف پتانسیل دو سر باتری $1/5$ ولت باشد، جریان الکتریکی عبوری از مدار ساعت چند میلیآمپر است؟

(۵) ۵

(۱) $0/5$

(۴) ۳۰

(۳) $0/05$

۳۸- اگر اختلاف پتانسیل دو سر یک رسانای اهمی به مقاومت 5Ω را 5V افزایش دهیم، جریان الکتریکی عبوری از رسانا 25 درصد

افزایش می‌یابد. اختلاف پتانسیل اولیه دو سر رسانا چند ولت بوده است؟ (دما ثابت است).

(۲) ۲۰

(۱) ۱۰

(۴) ۳۰

(۳) ۱۵

۳۹- از سیمی به طول 5 متر و سطح مقطع 1mm^2 که به اختلاف پتانسیل 40V وصل است، جریان 20A می‌گذرد. مقاومت ویژه

سیم چند اهمتر است؟

(۲) 2×10^{-8}

(۱) 4×10^{-6}

(۴) 4×10^{-8}

(۳) 2×10^{-6}

۴۰- سیمی با مقاومت 15Ω را از دستگاهی عبور می‌دهیم به طوری که بدون تغییر جرم، سطح مقطع آن 40 درصد کاهش می‌یابد.

مقاومت جدید سیم چند اهم می‌شود؟

(۲) $\frac{125}{3}$

(۱) $\frac{125}{9}$

(۴) $\frac{9}{125}$

(۳) $\frac{3}{125}$

محل انجام محاسبات



وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

شیمی ۲: قدر هدایای زمینی را بدایمیم: صفحه های ۲۵ تا ۴۸

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اجباری است.

۴۱- کدام موارد از مطالب زیر درست هستند؟ (کامل ترین گزینه را انتخاب کنید).

الف) غلظت بیشتر گونه های فلزی موجود در ذخایر زمینی نسبت به کف اقیانوس، بهره برداری از این منابع را نوید می دهد.

ب) نیاز روزافزون جهان به منابع شیمیایی و کاهش میزان این منابع در سنگ کرده شیمی دانها را بر آن داشت که در جستجوی منابع تازه باشند.

پ) جامعه ای در مسیر توسعه پایدار است که اقتصاد آن شکوفا باشد و آسیب کمتری به محیط زیست برساند.

ت) از بازگردانی هفتاد قوطی فولادی انرژی لازم برای روش نگهداشت یک لامپ ۶۰ واتی به مدت ۲۵ ساعت تأمین می شود.

(۲) الف، ب و پ

(۱) الف و ت

(۴) پ و ت

(۳) ب و پ

۴۲- کدام گزینه در مورد آلکان ها نادرست است؟

(۱) آلکان ها، هیدروکربن های سیرشده هستند.

(۲) نقطه ذوب و جوش آنها با افزایش جرم مولی زیاد می شود.

(۳) آلکان ها در اثر سوختن کامل در دمای اتاق، تولید انرژی، آب و کربن دی اکسید می کنند.

(۴) گرانوی آلکان های مایع با افزایش جرم مولی کمتر می شود.

۴۳- در کدام گزینه اختلاف شمار گروه های CH_2 و CH_3 ، برابر با تعداد شاخه های فرعی نیست؟

(۲) ۳ ، ۳ ، ۴ ، ۵ - متیل پنتان

(۱) ۳ ، ۳ ، ۴ ، ۴ - تترامتیل هپتان

(۳) ۳ - متیل پنتان

(۳) ۴ ، ۴ ، ۴ - دی اتیل - ۲ ، ۳ - دی متیل هگزان

۴۴- کدام مطلب نادرست است؟ ($\text{C} = 12, \text{H} = 1: \text{g.mol}^{-1}$)

(۱) نفتالن یک هیدروکربن سیرنشده است و اختلاف جرم مولی آن با ساده ترین ترکیب آروماتیک برابر ۵۰ گرم است.

(۲) در فرمول مولکولی سنگین ترین آلکانی که در دما و فشار اتاق حالت فیزیکی گازی دارد، ۱۰ اتم هیدروژن وجود دارد.

(۳) نام آلکانی با فرمول $\text{CH}(\text{C}_2\text{H}_5)_2\text{CH}_3$ ، CH_3 ، ۳ - متیل پنتان است و همپار هگزان است.

(۴) تفاوت جرم مولی پنجمین عضو خانواده آلکین ها با جرم مولی پنجمین عضو خانواده آلکان ها برابر ۱۴ گرم است.

۴۵- حداقل تعداد اتم های کربن آلکانی که در نام گذاری آبی پاک به پنتان ختم می شود، چقدر است؟

۱۳ (۴)

۱۶ (۳)

۱۷ (۲)

۱۱ (۱)

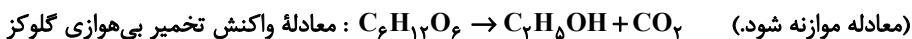
محل انجام محاسبات



۴۶- اگر جرم مولی آلکن A، $\frac{3}{5}$ برابر جرم مولی اولین عضو خانواده آلکان‌ها باشد، جرم کربن دی‌اکسید به دست آمده از سوختن

کامل یک مول A به تقریب چند برابر جرم سوخت سبز به دست آمده از تخمیر کامل بی‌هوایی ۹۰ گرم گلوکز موجود در

پسماندهای گیاهی است؟ ($\text{H} = 1, \text{C} = 12, \text{O} = 16 : \text{g.mol}^{-1}$)



۴/۵ (۴)

۳/۸ (۳)

۲/۵ (۲)

۱/۸ (۱)

۴۷- درصد جرمی کربن در فراورده واکنش بخار برم با ۳ - هگزن به تقریب کدام است؟ ($\text{C} = 12, \text{Br} = 80, \text{H} = 1 : \text{g.mol}^{-1}$)

۲۷/۵ (۴)

۲۹/۵ (۳)

۳۴ (۲)

۳۲ (۱)

۴۸- جرم بخار آب تولید شده در سوختن کامل آلکانی، $\frac{3}{3}$ برابر جرم هیدروکربن اولیه است. نام آیوپاک این آلکان چیست؟

($\text{C} = 12, \text{H} = 1, \text{O} = 16 : \text{g.mol}^{-1}$)

۳، ۲، ۲ - دی‌متیل بوتان

(۱) متیل پروپان

۴) هگزان

۳ - دی‌متیل پروپان

۴۹- در آلکانی تعداد پیوندهای اشتراکی ۱۹ می‌باشد. نسبت جرم مولی این آلکان به جرم مولی گاز هیدروژن کدام است؟

($\text{C} = 12, \text{H} = 1 : \text{g.mol}^{-1}$)

۴۹ (۴)

۴۳ (۳)

۳۲ (۲)

۲۳ (۱)

۵۰- همه عبارت‌های زیر نادرست‌اند، به جز:

۱) سوخت هواییما به طور عمده شامل آلکان‌هایی از پنج تا پانزده اتم کربن است.

۲) متان گازی سبک، بی‌بو و بی‌رنگ است که هرگاه مقدار آن در هوای معدن برابر ۵ درصد شود، احتمال انفجار وجود دارد.

۳) یکی از راه‌های بهبود کارایی زغال سنگ به دام انداختن گاز گوگرد تری‌اکسید خارج شده از نیروگاه‌ها با عبور گازهای خروجی از روی

کلسیم اکسید است.

۴) جایگزینی نفت با زغال سنگ، سبب ورود مقدار بیشتری از انواع آلاینده‌ها به هوا کره و تشید اثر گلخانه‌ای می‌شود.

محل انجام محاسبات



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

ریاضی ا: مثلثات + توان های گویا و عبارت های جبری: صفحه های ۲۶ تا ۶۸

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانش آموزان اجباری است.

-۵۱- اگر α زاویه بین خط به معادله $6x + 2y + 1 = 0$ با جهت مثبت محور x ها باشد، حاصل عبارت $\frac{\cos \alpha - \sin \alpha}{\cos \alpha + \sin \alpha}$ کدام است؟

$$-\frac{1}{2} \quad (2)$$

(۱)

$$-\frac{1}{2} \quad (4)$$

(۳)

-۵۲- در مورد کمان x دو رابطه $\sin x - \tan x > 0$ و $\sin x \tan x < 0$ انتها کمان x در کدام ربع دایره مثلثاتی قرار دارد؟

(۲) دوم

(۱) اول

(۴) چهارم

(۳) سوم

-۵۳- اگر $\sin 2\alpha = \frac{2m-1}{4}$ و $\frac{\pi}{12} < \alpha < \frac{5\pi}{12}$ حدود تغییرات m کدام است؟

$$\left(\frac{1-2\sqrt{2}}{2}, \frac{5}{2} \right] \quad (2)$$

$$\left[\frac{1-2\sqrt{2}}{2}, \frac{5}{2} \right] \quad (1)$$

$$\left(\frac{1-2\sqrt{2}}{2}, \frac{5}{2} \right) \quad (4)$$

$$\left(-\frac{5}{2}, \frac{5}{2} \right) \quad (3)$$

-۵۴- نقاط A و B به ترتیب در نواحی دوم و چهارم روی دایره مثلثاتی قرار دارند. اگر $\cos B = \frac{\sqrt{2}}{3}$ و $\sin A = \frac{1}{3}$ باشد، طول

پاره خط AB کدام است؟

$$\frac{\sqrt{26+2\sqrt{7}}}{3} \quad (2)$$

$$\frac{\sqrt{26-2\sqrt{7}}}{3} \quad (1)$$

$$\frac{\sqrt{10+2\sqrt{7}}}{9} \quad (4)$$

$$\frac{\sqrt{10-2\sqrt{7}}}{9} \quad (3)$$

-۵۵- اگر $\frac{1}{\cos x} - \tan x = \frac{5}{2}$ باشد، حاصل $\frac{1+\sin x}{\cos x}$ کدام است؟

$$0/8 \quad (2)$$

$$0/4 \quad (1)$$

$$2/5 \quad (4)$$

$$1/25 \quad (3)$$

محل انجام محاسبات



-۵۶- اگر $\sin x + 2\cos x = 1$ باشد، مقدار $\tan x$ کدام است؟

$$\frac{-3}{4} \quad (2)$$

$$\frac{1}{4} \quad (1)$$

$$\frac{1}{2} \quad (4)$$

$$\frac{-1}{4} \quad (3)$$

-۵۷- اگر $A = \left(\frac{1}{25}\right)^{-\frac{1}{16}} \cdot \left(\frac{1}{5A}\right)^{-\frac{4}{15}}$ باشد، حاصل A کدام است؟

$$\sqrt[3]{5} \quad (2)$$

$$\sqrt{5} \quad (1)$$

$$\frac{1}{\sqrt[3]{5}} \quad (4)$$

$$\frac{1}{\sqrt{5}} \quad (3)$$

-۵۸- اگر $\frac{b}{a}$ حاصل $5a^2 + 4b^2 - 4ab - 4a + 1 = 0$ کدام است؟

$$\frac{1}{2} \quad (2)$$

$$2 \quad (1)$$

$$\frac{6}{5} \quad (4)$$

$$1 \quad (3)$$

-۵۹- اگر $a^2 + b^2 - ab = (a^2 + b^2 + ab)$ باشد، حاصل $b = \sqrt[3]{14 - 3\sqrt{3}}$ و $a = \sqrt[3]{14 + 3\sqrt{3}}$ کدام است؟

$$39 \quad (2)$$

$$32 \quad (1)$$

$$47 \quad (4)$$

$$41 \quad (3)$$

-۶۰- اگر $a - b = 1$ و $a^3 - b^3 = 2$ باشد، حاصل $(a+b)^2$ کدام است؟

$$\frac{4}{3} \quad (2)$$

$$\frac{5}{3} \quad (1)$$

$$\frac{7}{3} \quad (4)$$

$$\frac{8}{3} \quad (3)$$



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

فیزیک ۱: ویژگی‌های فیزیکی مواد: صفحه‌های ۲۳ تا ۵۲

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانش‌آموزان اجباری است.

۶۱- چه تعداد از جمله‌های زیر نادرست است؟

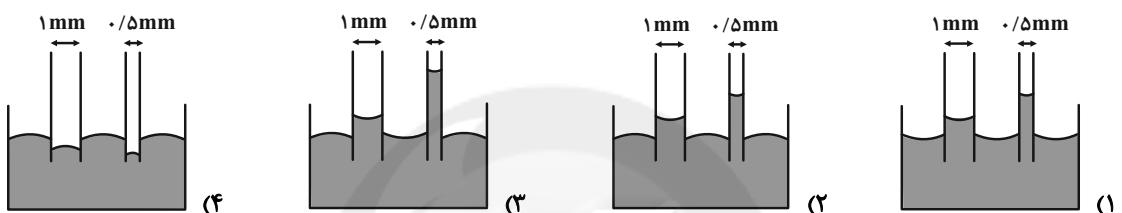
آ) فاصله میانگین مولکول‌های گاز در مقایسه با اندازه آن‌ها، خیلی بیشتر است.

ب) الماس و شیشه مثال‌هایی از جامد‌های بلورین هستند.

پ) مولکول‌های مایع به صورت منظم و متقاضی در کنار یکدیگر قرار دارند.

ت) حالت ماده به چگونگی حرکت ذرات سازنده آن و اندازه نیروی بین آن‌ها بستگی دارد.

(۱) صفر (۲) ۱ (۳) ۲ (۴) ۳

۶۲- سطح خارجی دو لوله موبین شبیه‌ای و تمیز به قطرهای 1 mm و 5 mm می‌باشد. در میانه این دو لوله موبین، سطح داخلی آن چرب شده است. کدام گزینه نحوه قرارگیری آب داخل ظرف و لوله‌هایی موبین را به درستی نشان می‌دهد؟۶۳- فشار هوای بالای دریاچه‌ای 20 cmHg است. در عمق چند متری این دریاچه، فشار کل برابر 120 cmHg است؟

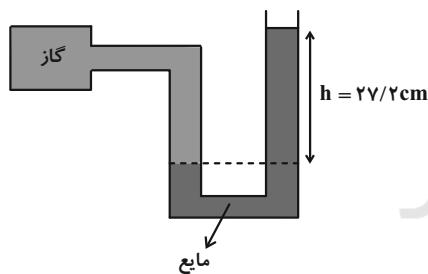
$$\text{آب } p \text{ و } \rho = 13/6 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3} = 1 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3} \text{ (جیوه)}$$

(۱) ۱۰ (۲) ۱۳/۶ (۳) ۵ (۴) ۶/۸

۶۴- در شکل زیر، فشار پیمانه‌ای گاز چند سانتی‌متر جیوه است؟

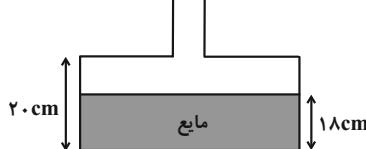
$$\text{چگالی جیوه } 13/6 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3} \text{ و چگالی مایع درون لوله U شکل } 1/2 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3} \text{ است.}$$

(۱) ۱/۲ (۲) ۰/۶ (۳) ۲/۷۲ (۴) ۲/۴

۶۵- در شکل زیر، مساحت قاعده ظرف 4 cm^2 و سطح مقطع قسمت باریک آن 5 cm^2 است و در ظرف تا ارتفاع 18 cm مایع وجود دارد. اگر 12 cm^3 آب به مایع موجود در ظرف اضافه کنیم، به نیروی وارد بر کف ظرف چند نیوتون افزوده می‌شود؟

$$\text{آب } p \text{ و از کاهش حجم بر اثر مخلوط شدن صرفنظر شود. } N = 1 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3} g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}$$

(۱) ۰/۲ (۲) ۰/۳ (۳) ۰/۴ (۴) ۰/۶

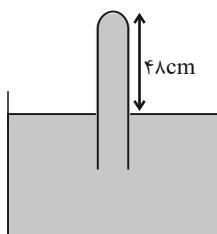


محل انجام محاسبات



۶۶- در بارومتر شکل زیر، لوله قائم پُر از جیوه است. اگر لوله را در راستای قائم و از حالت نشان داده شده، $2/4\text{cm}$ دیگر در جیوه

فرو بریم، اندازه نیروی وارد بر انتهای لوله 10 درصد افزایش می‌یابد. فشار هوای محیط چند سانتی‌متر جیوه است؟



(۱) ۷۶

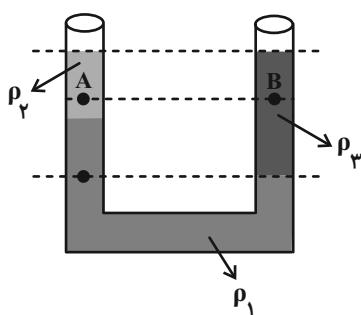
(۲) ۷۵

(۳) ۷۲

(۴) ۷۰

۶۷- مطابق شکل زیر، سه مایع مخلوط نشدنی را داخل لوله U شکل ریخته‌ایم. در رابطه با مقایسه چگالی مایع‌ها و فشار نقاط

مشخص شده، کدام گزینه صحیح است؟ (چگالی ρ و فشار P)

 $P_A > P_B & \rho_2 > \rho_3$ (۱) $P_A > P_B & \rho_2 < \rho_3$ (۲) $P_A < P_B & \rho_2 > \rho_3$ (۳) $P_A < P_B & \rho_2 < \rho_3$ (۴)

۶۸- اگر فشار هوا در پایین برجی به ارتفاع تقریبی 300 متر برابر 74cmHg باشد، فشار هوا در بالای برج تقریباً چند سانتی‌متر جیوه

است؟ (چگالی متوسط هوا را برابر $13/6 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$ در نظر بگیرید، $g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}$ جیوه ρ و

۷۶/۵۵ (۴)

۷۱/۴۵ (۳)

۷۵/۸۷ (۲)

۷۲/۱۳ (۱)

۶۹- در شکل زیر، نیروی شناوری \vec{F}_b و نیروی وزن \vec{W} وارد بر چند جسم نشان داده شده است. با توجه به نیروی خالص وارد بر هر

جسم، وضعیت جسم‌های A، B و C به ترتیب کدام است؟

(۱) فرو می‌رود - بالا می‌رود - غوطه‌ور می‌ماند.

(۲) شناور می‌ماند - غوطه‌ور می‌ماند - پایین می‌رود.

(۳) شناور می‌ماند - بالا می‌رود - غوطه‌ور می‌ماند.

(۴) فرو می‌رود - غوطه‌ور می‌ماند - بالا می‌رود.

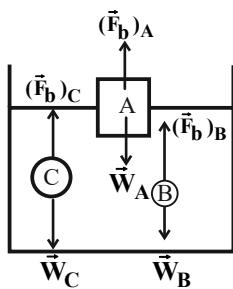
۷۰- کدام یک از گزینه‌های زیر نادرست است؟

(۱) اصل برنولی برای گازها برقرار نمی‌باشد.

(۲) در روزهایی که باد می‌وزد، ارتفاع موج‌های دریا، بالاتر از ارتفاع میانگین می‌شود.

(۳) در مسیر حرکت شاره‌ای پایا با جریان لایه‌ای با افزایش تندي شاره، فشار آن کاهش می‌یابد.

(۴) حرکت کاتدار توب فوتیال، با استفاده از مفهوم اصل برنولی قابل توجیه است.





آزمون «۱۳ مرداد ۱۴۰۲» اختصاصی دوازدهم ریاضی (دفترچه اختیاری)

دفترچه سوال

مدت پاسخ‌گویی: ۹۵ دقیقه

تعداد کل سؤالات: ۷۰ سؤال

نام درس	تعداد سؤال	شماره سؤال	زمان پاسخ‌گویی
حسابان ۲	۱۰	۷۱-۸۰	۱۵'
هندسه ۳	۱۰	۸۱-۹۰	۱۵'
ریاضیات گسسته	۱۰	۹۱-۱۰۰	۱۵'
فیزیک ۳	۱۰	۱۰۱-۱۱۰	۱۵'
شیمی ۳	۱۰	۱۱۱-۱۲۰	۱۰'
هندسه ۱	۱۰	۱۲۱-۱۳۰	۱۵'
شیمی ۱	۱۰	۱۳۱-۱۴۰	۱۰'

گزینشگران و ویراستاران

نام درس	حسابان ۲	حسابان	هندسه	ریاضیات گسسته	فیزیک	شیمی
گزینشگر	عادل حسینی	امیرحسین ابومحبوب	مصطفی کیانی	سوگند روشنی	امیر حاتمیان	امیر حاتمیان
گروه ویراستاری	مهندی ملارضانی	مهرداد ملوندی	ویراستار استاد:	ویراستار استاد:	حیدر زرین کفش	بهنام قازانچایی
مسئول درس	عادل حسینی	امیرحسین ابومحبوب	مهرداد ملوندی	ویراستار استاد:	مصطفی کیانی	ویراستار استاد: محمدحسن محمدزاده مقدم
مسئلندسازی	سمیه اسکندری	سرژ یقیازاریان تبریزی	سرژ یقیازاریان تبریزی	محمد ساکی	امیرحسین مسلمی	امیرحسین مسلمی

گروه فنی و تولید

ناظر چاپ	سوران نعیمی	فرزانه فتح المزاده	مدیر گروه: محبیا اصراری	نرگس غنیزاده	مدیر گروه: الهه شهبازی	محمد اکبری
حروفنگار	مسئلندسازی	فروزنده فتح المزاده	دفترچه مستندسازی	رسانه هنری	دانشگاه آزاد اسلامی	دانشگاه آزاد اسلامی
نمایشگر	دانشگاه آزاد اسلامی	دانشگاه آزاد اسلامی	دانشگاه آزاد اسلامی	دانشگاه آزاد اسلامی	دانشگاه آزاد اسلامی	دانشگاه آزاد اسلامی
دانشگاه آزاد اسلامی	دانشگاه آزاد اسلامی	دانشگاه آزاد اسلامی	دانشگاه آزاد اسلامی	دانشگاه آزاد اسلامی	دانشگاه آزاد اسلامی	دانشگاه آزاد اسلامی
دانشگاه آزاد اسلامی	دانشگاه آزاد اسلامی	دانشگاه آزاد اسلامی	دانشگاه آزاد اسلامی	دانشگاه آزاد اسلامی	دانشگاه آزاد اسلامی	دانشگاه آزاد اسلامی

گروه آزمون

بنیاد علمی آموزشی قلمچی «وقف عام»

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ - تلفن: ۰۶۱-۶۴۶۳



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

حسابان ۳: قابع: صفحه‌های ۱ تا ۱۸

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموzan اختیاری است.

۷۱- نمودار تابع f را نسبت به محور y ها قرینه می‌کنیم و سپس یک واحد به راست می‌بریم تا نمودار تابع g به دست آید. کدام رابطه درست است؟

$$g(x) = f(-x-1) \quad (2)$$

$$g(x) = f(x+1) \quad (1)$$

$$g(x) = f(x-1) \quad (4)$$

$$g(x) = f(1-x) \quad (3)$$

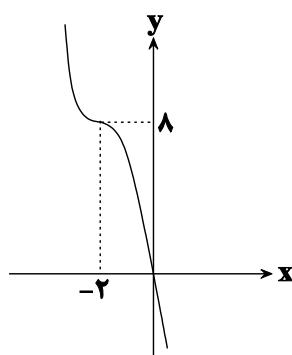
۷۲- روی کدام مجموعه، نمودار تابع $f(x) = x^3$ بالاتر از نمودار تابع $g(x) = x|x|$ قرار می‌گیرد؟

$$(-1, 0) \cup (1, +\infty) \quad (2)$$

$$(-\infty, -1) \cup (0, 1) \quad (1)$$

$$[-1, 0] \cup [1, +\infty) \quad (4)$$

$$(-\infty, -1] \cup [0, 1] \quad (3)$$

۷۳- اگر نمودار تابع $f(x) = (k-x)(x^2 + mx + n)$ به صورت زیر باشد، حاصل $\frac{k+n}{m}$ کدام است؟

(1) تعریف نشده

-۲ (2)

۲ (3)

۶ (4)

۷۴- مجموع طول نقاط مشترک نمودار تابع $f(x) = k - \sqrt[3]{x-k}$ با نمودار تابع $y = x$ کدام است؟

$$2k \quad (2)$$

$$k \quad (1)$$

$$4k \quad (4)$$

$$3k \quad (3)$$

۷۵- تابع $y = x |x-4|$ روی بازه $[a, b]$ نزولی است. حداقل مقدار $b-a$ کدام است؟

$$3 \quad (2)$$

$$4 \quad (1)$$

$$2 \quad (4)$$

$$1 \quad (3)$$

محل انجام محاسبات



۷۶ - به ازای چند مقدار صحیح k تابع $f(x) = (k^2 - 4)(-x^3 + 3x^2 - 3x + k)$ صعودی است؟

۳ (۲)

۲ (۱)

۵ (۴)

۴ (۳)

۷۷ - تابع $f(x) = \begin{cases} 2\sqrt{x-2} + 1 & ; x \geq 3 \\ 5x - m & ; x < 3 \end{cases}$ چند مقدار طبیعی نمی‌تواند باشد؟

۱۱ (۲)

۱۰ (۱)

۱۳ (۴)

۱۲ (۳)

۷۸ - اگر برای دو تابع f و g ، تابع $f + g$ اکیداً نزولی اما تابع $2f - 3g$ اکیداً صعودی باشد، کدام نتیجه‌گیری الزاماً درست است؟

۱) تابع f اکیداً صعودی و تابع g اکیداً نزولی است.

۲) تابع g اکیداً نزولی است، اما وضعیت یکنواختی تابع f غیرقابل تعیین است.

۳) هر دو تابع صعودی هستند.

۴) تابع f اکیداً نزولی است، اما در مورد تابع g نمی‌توان اظهارنظر قطعی کرد.

۷۹ - f تابعی خطی و نزولی است. اگر تابع $f(x)$ را با ضریب ۴ در راستای محور افقی منبسط کنیم و سپس در راستای محور y ، ۵ واحد به پایین ببریم، روی نیمساز ناحیه اول و سوم می‌افتد. مقدار $f(0)$ کدام است؟

سایت Konkur

-۵ (۲)

-۳ (۱)

-۹ (۴)

-۷ (۳)

۸۰ - اگر $y = \sqrt{g(x^2) - g(3x-2)}$ باشد، دامنه تابع (a, b) است. حاصل $b-a$ کدام است؟

۲ (۲)

۱ (۱)

۴ (۴)

۳ (۳)

محل انجام محاسبات



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

هنده سه ۳: ماتریس و کاربردها: صفحه های ۹ تا ۲۱

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اختیاری است.

۸۱- اگر A , B و C , ماتریس‌های 2×2 باشند، کدام یک از احکام کلی زیر مثال نقض ندارد؟

$$AB = \bar{O} \Rightarrow A = \bar{O} \text{ یا } B = \bar{O} \quad (2)$$

$$AB = AC \Rightarrow B = C \quad (1)$$

$$A \times (B + C) = (A \times B) + (A \times C) \quad (4)$$

$$AB = BA \quad (3)$$

۸۲- اگر $m + n + p + q$ باشد، حاصل $A + B = [a_{ij} + b_{ij}]_{r \times q}$ و $B = [b_{ij}]_{p \times r}$ ، $A = [a_{ij}]_{m \times n}$ کدام است؟

۸ (۲)

۴ (۱)

۱۶ (۴)

۱۲ (۳)

۸۳- اگر $A \times B$ و $B = \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 3 & 2 \end{bmatrix}$ ، $A = \begin{bmatrix} 2 & a-1 \\ 3b & 1 \end{bmatrix}$ یک ماتریس قطری باشد، حاصل $a + b$ کدام است؟

۳ (۲)

-۲ (۱)

۴ (۴)

۲ (۳)

۸۴- برای ماتریس‌های $B = \begin{bmatrix} * & -1 \\ -1 & * \end{bmatrix}$ و $A = \begin{bmatrix} m+1 & m \\ n & n+1 \end{bmatrix}$ کدام گزاره الزاماً درست است؟

$$AB^T = B^T A \quad (2)$$

$$A^T B = B A^T \quad (1)$$

$$AB = BA \quad (4)$$

$$AB = -BA \quad (3)$$

۸۵- اگر ماتریس $A = [a_{ij}]_{3 \times 3}$ به صورت $a_{ij} = \begin{cases} 3ij - i^2, & i \leq j \\ 0, & i > j \end{cases}$ تعریف شده باشد، آنگاه مجموع درایه‌های قطر اصلی ماتریسکدام است؟ A^T

۳۴۰ (۲)

۳۲۴ (۱)

۳۹۲ (۴)

۳۶۸ (۳)

محل انجام محاسبات



-۸۶- ماتریس $A = [a_{ij}]_{3 \times 3}$ به صورت $a_{ij} = \begin{cases} i^2 - 1 & ; i < j \\ 2m & ; i = j \\ j^2 - i & ; i > j \end{cases}$ برابر ۱۳ باشد،

مقدار m کدام است؟

۱ (۱)
۲ (۲)

۳ (۳)
۴ (۴)

-۸۷- اگر $A = \begin{bmatrix} 2 & 2 \\ -1 & -1 \end{bmatrix}$ باشد، مجموع درایه‌های ماتریس A^{1402} کدام است؟

۱ (۱)
۲ (۲)
-۲ (۲)

۳ (۳)
-۶ (۴)

-۸۸- اگر $C = \begin{bmatrix} -3 & 1 & 1 \\ 1 & -2 & 1 \\ 1 & 2 & -4 \end{bmatrix}$ باشند، آن‌گاه ماتریس $AB - C$ چه مضربی از ماتریس I است؟

است؟

۱ (۱)
-۱ (۲)

۳ (۳)
-۳ (۴)

-۸۹- اگر $A^2 = mA + nI$ باشد، حاصل $m - n$ کدام است؟

-۵ (۲)

-۱۵ (۱)

۱۵ (۴)
۵ (۳)

-۹- اگر $B = \begin{bmatrix} 2 & -2 \\ -1 & b \end{bmatrix}$ و $A = \begin{bmatrix} 3 & 4 \\ a & 3 \end{bmatrix}$ دو ماتریس تعویض‌پذیر باشند، حاصل $a + b$ کدام است؟

۴ (۱)
۲ (۲)

۳ (۳)
-۲ (۴)

صفر

محل انجام محاسبات



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

ریاضیات گسسته: آشنایی با نظریه اعداد: صفحه‌های ۱ تا ۱۷

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اختیاری است.

۹۱- میانگین اعداد طبیعی و متولی a_1, a_2, \dots, a_5 عددی فرد است. حاصل کدام گزینه عددی زوج نیست؟

$2a_3 + a_5$ (۲)

$5a_1 + 7a_5$ (۱)

$a_2 + 6a_3$ (۴)

$4a_2 + 2a_4$ (۳)

۹۲- کدام یک از جفت گزاره‌های داده شده زیر هم ارز نیستند؟ ($n \in \mathbb{N}$)(۱) n یک عدد طبیعی زوج و n^2 یک عدد طبیعی زوج است.(۲) n یک عدد طبیعی فرد و n^2 یک عدد طبیعی فرد است.

$(a \in \mathbb{R}) \quad 0 < a^2 < 1 \quad 0 < a < 1$ (۳)

$(a, b \in \mathbb{R}) \quad a^3 < b^3 \quad a < b$ (۴)

۹۳- در اثبات حکم $x^3 + y^3 + z^3 - 3xyz \geq 0$ به روش بازگشتی، رابطه بدیهی به دست آمده کدام است؟ (x, y, z اعداد حقیقی هستند).

$(x-y)^3 + (z+1)^3 \geq 0$ (۲)

$(x+y)^3 + (z+1)^3 \geq 0$ (۱)

$(x-y)^3 + (z-1)^3 \geq 0$ (۴)

$(x+y)^3 + (z-1)^3 \geq 0$ (۳)

۹۴- اگر m عددی صحیح باشد، آنگاه به ازای چند مقدار صحیح و نامنفی a ، دو رابطه $a | m+7$ و $a | 3m+1$ برقرار است؟

۳ (۲)

۲ (۱)

۶ (۴)

۴ (۳)

۹۵- اگر a و b دو عدد صحیح و فرد باشند، باقی‌مانده تقسیم عدد $a^3 + b^3 + 5$ بر ۸ کدام است؟

۵ (۲)

۷ (۱)

۱ (۴)

۳ (۳)

محل انجام محاسبات



۹۶- باقیمانده تقسیم عدد صحیح a بر دو عدد ۴ و ۵ به ترتیب برابر ۳ و ۴ است. باقیمانده تقسیم a بر ۲۰ کدام است؟

۹ (۲)

۱ (۱)

۱۹ (۴)

۱۱ (۳)

۹۷- در یک تقسیم، مقسوم علیه ۱۷ و باقیمانده ۹ است. اگر بدون تغییر مقسوم علیه، ۵۰ واحد به مقسوم اضافه کنیم، باقیمانده و

خارج قسمت چه تغییری می‌کنند؟

۱) خارج قسمت ۴ واحد زیاد می‌شود و باقیمانده ۲ واحد کم می‌شود.

۲) خارج قسمت ۳ واحد و باقیمانده ۷ واحد زیاد می‌شوند.

۳) خارج قسمت ۳ واحد زیاد می‌شود و باقیمانده یک واحد کم می‌شود.

۴) خارج قسمت ۴ واحد و باقیمانده ۲ واحد زیاد می‌شوند.

۹۸- اگر a , b و c اعدادی طبیعی باشند به طوری که $ac \mid b^2$ و $a \mid b$, آنگاه همواره کدام رابطه زیر برقرار است؟

 $b \mid c$ (۲) $c \mid b^2$ (۱) $c \mid ab$ (۴) $c \mid a^2$ (۳)

۹۹- روی نمودار تابع $y = \frac{4x-1}{x+3}$, چند نقطه با مختصات طبیعی وجود دارد؟

سایت کنکور

۱ (۴)

۴ (۱)

۲ (۳)

۱۰۰- اگر n عددی صحیح و $d = (n^2 - 4n, 5n + 6)$ عددی اول باشد، آنگاه بزرگ‌ترین مقدار d کدام است؟

۷ (۲)

۵ (۱)

۱۳ (۴)

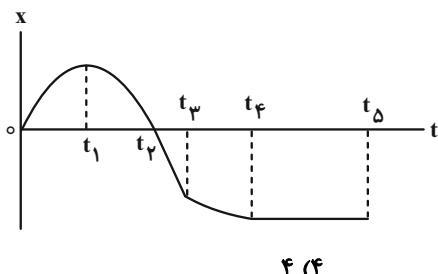
۱۱ (۳)



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

فیزیک ۳: حرکت بر خط راست: صفحه های ۱ تا ۲۱

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اختیاری است.



۱۰۱- با توجه به نمودار مکان - زمان زیر، چه تعداد از عبارت های زیر درست است؟

(الف) در لحظه t_1 شتاب متحرک صفر است.(ب) در بازه زمانی صفر تا t_1 متحرک به صورت کندشونده حرکت نموده است.(پ) در بازه زمانی t_1 تا t_2 متحرک در جهت محور x حرکت کرده است.(ت) در بازه زمانی t_4 تا t_5 سرعت متحرک مقداری منفی و ثابت است.

۱ (۱)

۲ (۲)

۳ (۳)

۴ (۴)

۱۰۲- متحرکی روی محور x در حال حرکت است. بردار شتاب متوسط این متحرک در بازه زمانی $t_1 = ۰\text{ s}$ تا $t_4 = ۱۰\text{ s}$ برابر با $\bar{a} = ۱\text{ m/s}^2$ و در بازه زمانی $t_1 = ۰\text{ s}$ تا $t_3 = ۲۰\text{ s}$ برابر با $\bar{a} = -1\text{ m/s}^2$ است. بزرگی شتاب متوسط آن در ۱۰ ثانیه دوم حرکتش، چند متر بر مجدور ثانیه است؟ (تمامی واحدها در SI هستند).

۱ (۱)

۲ (۲)

۳ (۳)

۴ (۴)

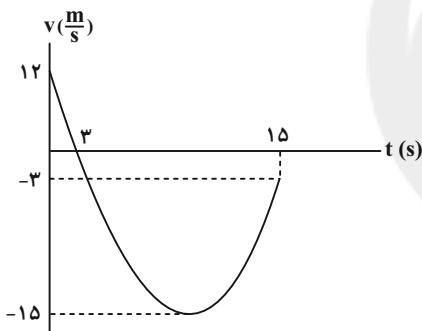
۱۰۳- نمودار سرعت - زمان متحرکی که روی محور x حرکت می کند، مطابق شکل است. بزرگی شتاب متوسط در بازه زمانی که متحرک در خلاف جهت محور x حرکت می کند چند برابر بزرگی شتاب متوسط متحرک در بازه زمانی است که متحرک در جهت محور x ها حرکت می کند؟

۱ (۱)

۲ (۲)

۳ (۳)

۴ (۴)



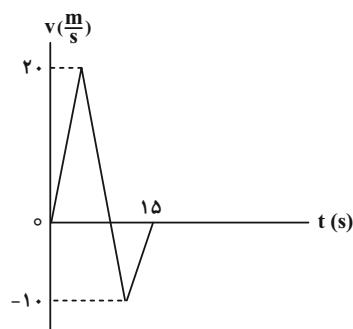
۱۰۴- نمودار سرعت - زمان متحرکی که بر روی محور x حرکت می کند، مطابق شکل زیر است. تنیدی متوسط متحرک هنگامی که در جهت محور x حرکت می کند، چند برابر تنیدی متوسط آن هنگامی که در خلاف جهت محور x حرکت می کند، می باشد؟

۱ (۱)

۰/۵ (۲)

۰/۷۵ (۳)

۱/۵ (۴)

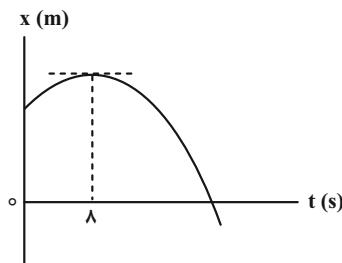


محل انجام محاسبات



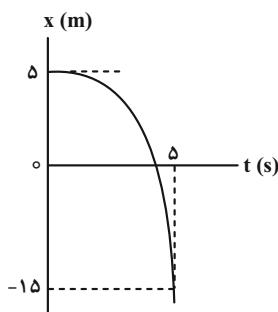
۱۰۵- نمودار مکان - زمان متوجه کی که با شتاب ثابت روی خط راست حرکت می کند، مطابق شکل زیر است. تندی در لحظه $t_1 = 10\text{ s}$

چند برابر تندی در لحظه $t_2 = 4\text{ s}$ می باشد؟



- ۱) $\frac{1}{2}$
۲) ۲
۳) $\frac{1}{4}$
۴) ۴

۱۰۶- نمودار مکان - زمان متوجه کی که با شتاب ثابت روی محور x حرکت می کند، مطابق شکل زیر است. اندازه سرعت متوجه در لحظه عبور از مبدأ مکان چند متر بر ثانیه است؟



- ۱) ۴
۲) ۶
۳) ۱۲
۴) ۱۸

۱۰۷- متوجه با سرعت ثابت و در جهت محور x در حال حرکت است. اگر جایه جایی این متوجه در ۳ ثانیه اول حرکت 120 m کمتر از جایه جایی آن در ۱۵ ثانیه اول حرکت باشد، سرعت متوجه چند متر بر ثانیه است؟

- ۱) ۲۰
۲) ۱۵
۳) ۱۰
۴) $\frac{7}{5}$

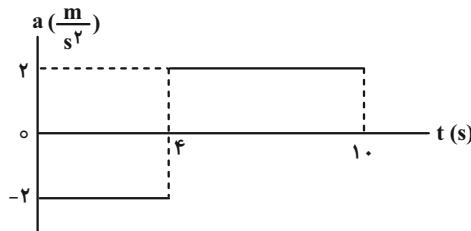
۱۰۸- دو متوجه A و B از یک نقطه همزمان و با سرعت ثابت به سوی مقصدی به فاصله 480 m به حرکت درمی آیند. اگر بیشترین فاصله این دو متوجه 80 m و تندی متوجه A برابر $\frac{m}{s}$ باشد، تندی متوجه B چند متر بر ثانیه خواهد بود؟ (متوجه A زودتر به مقصد می رسد).

- ۱) ۱۸
۲) ۱۲
۳) ۱۰
۴) ۲۰

۱۰۹- معادله حرکت متوجه کی در SI به صورت $x = -t^3 + 6t - 12$ است. در بازه زمانی که متوجه به صورت کندشونده در حال حرکت است، سرعت متوسط آن چند متر بر ثانیه است؟

- ۱) ۶
۲) $\frac{12}{5}$
۳) ۳
۴) $\frac{4}{5}$

۱۱۰- در شکل زیر، نمودار شتاب - زمان متوجه نشان داده شده است. شتاب متوسط این متوجه در بازه زمانی 2 s تا 8 s چند متر بر مربع ثانیه است؟



- ۱) $\frac{2}{3}$
۲) $\frac{2}{3}$
۳) صفر
۴) $\frac{1}{2}$



وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

شیوه ۳: مولکول‌های در خدمت تندروستی / تاریخچه صابون + پاکیزگی محیط با مولکول‌ها + اسیدها و بازهای صفحه‌های ۱ تا ۱۶

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اختیاری است.

۱۱۱- امید به زندگی در شهرهای مختلف یک کشور با هم است، زیرا این شاخص به عوامل مختلفی بستگی دارد و به صورت کلی شاخص امید به زندگی در مناطق در مقایسه با مناطق بیشتر است.

- (۱) مشابه- کم برخوردار- توسعه یافته و برخوردار
 (۲) متفاوت- کم برخوردار- توسعه یافته و برخوردار
 (۳) مشابه- توسعه یافته و برخوردار- کم برخوردار

۱۱۲- چه تعداد از عبارت‌های زیر نادرست است؟ ($N = ۱۴$, $O = ۱۶$, $C = ۱۲$, $H = ۱ : g \cdot mol^{-1}$)

- الف) نسبت درصد جرمی نیتروژن به درصد جرمی اکسیژن در اوره، برابر $۱/۷۵$ است.
 ب) بازها همانند صابون در سطح پوست احساس لیزی ایجاد می‌کنند، اما به آن آسیبی وارد نمی‌کنند.
 پ) پاک‌کننده‌های خورنده همانند شوینده‌های صابونی و غیرصابونی، با آلاینده‌ها واکنش می‌دهند.
 ت) در $۸/۸$ گرم واژلین، در حدود $۶۲۵N_A / ۰$ اتم کربن وجود دارد.
 ث) ساده‌ترین راه درمان بیماری واگیردار وبا، رعایت بهداشت فردی و همگانی است.

(۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) ۴

۱۱۳- کدام یک از عبارت‌های زیر نادرست است؟

- (۱) به منظور افزایش خاصیت میکروب‌کشی صابون مراغه، به آن ماده شیمیایی کلردار اضافه می‌کنند.
 (۲) از پاک‌کننده‌های خورنده برای باز کردن مجاری مسدود شده با چربی‌ها استفاده می‌شود.
 (۳) صابون ماده‌ای است که هم در چربی و هم در آب حل می‌شود.
 (۴) میزان چسبندگی لکه‌های چربی روی پارچه‌های نخی کمتر از پارچه‌های پلی‌استری است.

۱۱۴- چند مورد از عبارت‌های زیر درست است؟ ($O = ۱۲$, $H = ۱ : g \cdot mol^{-1}$)

- آ) نسبت شمار جفت‌الکترون‌های پیوندی به شمار جفت‌الکترون‌های ناپیوندی در اوره برابر ۴ است.
 ب) اختلاف جرم مولی روغن زیتون با چربی ذخیره شده در کوهان شتر ($C_{۵۷}H_{۱۱O_۶$)، برابر ۶ گرم است.
 پ) اتیلن گلیکول دارای ۸ پیوند اشتراکی است و در هگزان حل نمی‌شود.
 ت) نسبت درصد جرمی کربن به هیدروژن در بنزین، به تقریب برابر $۵/۳$ است.

(۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) ۴

۱۱۵- اگر در ساختار یک پاک‌کننده صابونی جامد با زنجیر هیدروکربنی خطی و سیرشده، نسبت شمار اتم‌های نافلزی بخش آنیونی به شمار کاتیون‌ها برابر با $۵/۲$ باشد؛ در ساختار هر مولکول اسیدچرب سازنده این پاک‌کننده صابونی، اختلاف شمار جفت الکترون‌های پیوندی و ناپیوندی کدام است؟

(۱) ۴۰ (۲) ۴۳ (۳) ۴۶ (۴) ۴۹



۱۱۶- چند مورد از مطالب زیر درباره پاک کننده‌ها نادرست است؟

الف) صابون‌های مایع، نمک‌های سدیم و پتاسیم اسیدهای چرب هستند.

ب) در پاک کننده‌های صابونی بخش قطبی به صورت SO_4^- وجود دارد.

پ) پاک کننده‌های غیرصابونی، قدرت پاک کننده‌گی بیشتری نسبت به پاک کننده‌های صابونی دارند و در آب‌های سخت رسوب تشکیل می‌دهند.

ت) صابون برخلاف اسیدهای چرب، در آب حل می‌شود.

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

۱۱۷- اگر در قسمت آلکیلی یک شوینده غیرصابونی ۳۰ اتم کربن وجود داشته باشد، نسبت تعداد اتم‌های بخش ناقطبی به تعداد اتم‌های بخش قطبی جزء آنیونی کدام است؟

 $\frac{101}{4}$ $\frac{101}{5}$ $\frac{91}{4}$ $\frac{91}{5}$

۱۱۸- چند مورد از عبارت‌های زیر درباره شوینده با فرمول $\text{RC}_4\text{H}_9\text{SO}_4\text{Na}$ درست است؟

(H = 1, C = 12, O = 16, Na = 23, S = 32 : g.mol⁻¹)

• در ساختار آن ۹ جفت الکترون ناپیوندی وجود دارد.

• طی واکنش‌های پیچیده از مواد پتروشیمیایی به دست می‌آید.

• با یون‌های کلسیم و منیزیم موجود در آب واکنش نمی‌دهد.

• افزون بر برهمنکنیش با آلاینده‌ها واکنش شیمیایی نیز می‌دهد.

• اگر در زنجیر کربنی سیرشده خود، ۱۱ گروه CH₂ داشته باشد، جرم مولی آن ۳۴۸ گرم بر مول می‌شود.

۵ (۴)

۲ (۳)

۳ (۲)

۱ (۱)

۱۱۹- کدام موارد از مطالب زیر، درست است؟

الف) صابون، نمک سدیم یا پتاسیم اسیدهای چرب است که بخش هیدروکربنی آن آب‌دوست است.

ب) در کلوبیدها به علت ناهمگن بودن و برخورداری از ظاهری کدر و مات، مسیر عبور نور قابل دیدن نیست.

پ) شمار مول کاتیون تولید شده به ازای حل شدن یک مول از هر یک از ترکیب‌های N_2O_5 و Li_2O در آب با هم برابر است.

ت) با افزودن نمک‌های فسفات‌دار به صابون‌ها می‌توان از جهتی نیاز به تولید پاک کننده‌های غیرصابونی را برای آب‌های سخت کاهش داد.

(۱) ب و پ (۲) ب و ت (۳) الف و ت (۴) پ و ت

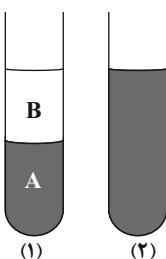
۱۲۰- اگر ظرف (۲) دارای مخلوط آب و روغن و صابون و ظرف (۱) دارای مخلوط آب و روغن باشد، کدام مطلب نادرست است؟

(۱) مخلوط ظرف (۱) همانند سوسپانسیون، ناهمگن است.

(۲) مخلوط مایع B با صابون همانند مخلوط مایع A با صابون، یک مخلوط همگن و پایدار است و تهشین نمی‌شود.

(۳) رنگ‌های پوششی همانند مخلوط ظرف (۲) پایدار هستند و تهشین نمی‌شوند و رفتاری بین سوسپانسیون و محلول دارند.

(۴) مخلوط ظرف (۲) برخلاف محلول‌ها نور را پخش می‌کند و حاوی ذرات ریز ماده است.





وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

هنده ۱: قسمیه قالس، تشابه و کاربردهای آن: صفحه های ۲۸ تا ۴۴

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اختیاری است.

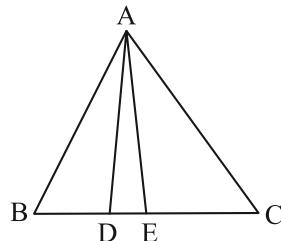
۱۲۱- نقطه M وسط پاره خط AB و نقاط D و E در دو طرف نقطه M طوری قرار دارند که $\frac{BE}{AE} = \frac{5}{9}$ و $\frac{AD}{DB} = \frac{2}{5}$ است. نسبت $\frac{DM}{ME}$ کدام است؟

$\frac{3}{2}$ (۲)

$\frac{2}{5}$ (۱)

$\frac{2}{3}$ (۴)

$\frac{5}{3}$ (۳)

۱۲۲- در شکل زیر مساحت مثلث ACE ، $\frac{BC}{DE} - \frac{BE}{BD}$ برابر مساحت مثلث ADE و $\frac{5}{2}$ برابر مساحت مثلث ABD است. حاصل حاصل کدام است؟

کدام است؟

$\frac{107}{30}$ (۱)

$\frac{23}{6}$ (۲)

$\frac{109}{30}$ (۳)

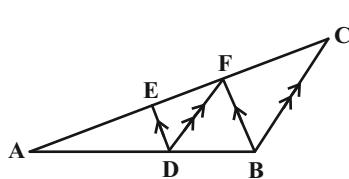
$\frac{11}{3}$ (۴)

۱۲۳- دو مثلث یکی به اضلاع ۶، ۹ و ۴ و دیگری به اضلاع ۱۲، ۱۸ و x متشابه هستند. اختلاف بین حداکثر و حداقل مقدار x کدام است؟

سایت کنکور
۱۳ (۲)
۲۵ (۴)

۷ (۱)

۱۹ (۳)

۱۲۴- در شکل زیر $DF \parallel BC$ و $DE \parallel BF$ است. اگر $AE = 2EF$ باشد، آن‌گاه حاصل $\frac{FC}{EF}$ کدام است؟

$\frac{3}{2}$ (۱)

$\frac{4}{3}$ (۲)

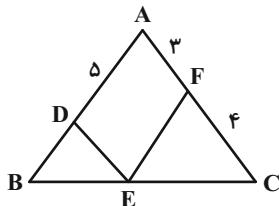
۲ (۳)

۱ (۴)

محل انجام محاسبات



۱۲۵- در شکل زیر $EF \parallel AB$ و $DE \parallel AC$ است. طول پاره خط BD کدام است؟



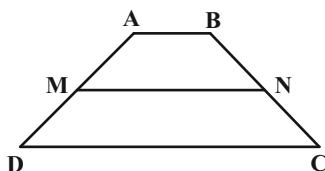
۳/۷۵ (۱)

۴ (۲)

۳/۲ (۳)

۲/۴ (۴)

۱۲۶- در شکل زیر نقاط M و N وسطهای دو ساق ذوزنقه $ABCD$ هستند. اگر مساحت $MNCD$ $\frac{5}{3}$ برابر مساحت $ABNM$ باشد، اندازه قاعده DC چند برابر اندازه قاعده AB است؟



۲ (۱)

 $\frac{3}{2}$ (۲) $\frac{5}{2}$ (۳)

۳ (۴)

۱۲۷- در مثلث قائم الزاویه ABC ، AH ارتفاع وارد بر وتر است. اگر $CH = 3BH$ و $AH = 3$ باشد، طول میانه BM کدام است؟

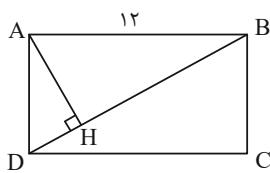
 $3\sqrt{3}$ (۴)

۵ (۳)

 $\sqrt{21}$ (۲)

۴ (۱)

۱۲۸- در شکل زیر چهارضلعی $ABCD$ مستطیل و $BH = 6\sqrt{3}$ است. اندازه عرض مستطیل کدام است؟

 $4\sqrt{3}$ (۱)

۴ (۲)

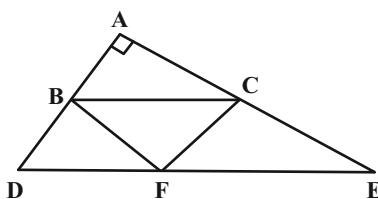
۶ (۳)

 $4\sqrt{2}$ (۴)

۱۲۹- مثلث متساوی الاضلاع ABC به طول ضلع ۵ واحد مفروض است. دایرهای به مرکز B و قطر 30° واحد، خطی را که از رأس A به موازات ضلع BC رسم می شود، در نقطه K قطع می کند. فاصله رأس C از خط شامل B و K کدام است؟

 $2\sqrt{3}$ (۴) $\frac{5\sqrt{3}}{6}$ (۳) $\frac{3\sqrt{3}}{2}$ (۲) $\frac{\sqrt{3}}{3}$ (۱)

۱۳۰- در مثلث قائم الزاویه ADE ، ADE و $BC \parallel DE$ باشد، مساحت مثلث BCF کدام است؟



۱۰ (۱)

۲۰ (۲)

۴۰ (۳)

۶۰ (۴)

محل انجام محاسبات



وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

شیمی ۱: کیهان زادگاه الغای هستی: صفحه های ۲۴ تا ۴۴

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اختیاری است.

۱۳۱- چه تعداد از عبارت‌های زیر درست است؟

الف) با افزایش فاصله لایه الکترونی از هسته، انرژی الکترون‌های موجود در آن کاهش می‌یابد.

ب) اگر در طیف نشری خطی دو فلز متمایز، x و y خط مشاهده شود در نمونه آلیاژی از این دو فلز به تعداد $y + x$ یا بیشتر طیف خطی مشاهده می‌شود.

پ) نوارهای رنگی در طیف نشری خطی اتم هیدروژن با افزایش انرژی پرتوها، به هم نزدیک‌تر می‌شوند.

ت) اولین بار بور توائست با ارائه مدل اتمی طیف نشری هیدروژن و دیگر اتم‌ها را توجیه کند.

۱) ۱ ۲) ۲ ۳) ۳ ۴) ۴

۱۳۲- نسبت تعداد انتقال‌های الکترونی در طیف نشری خطی هیدروژن با در نظر گرفتن ۵ لایه به تعداد انتقال‌های الکترونی در طیف نشری خطی هیدروژن با در نظر گرفتن ۴ لایه کدام است؟

۱) $\frac{3}{5}$ ۲) $\frac{1}{2}$ ۳) $\frac{5}{3}$ ۴) $\frac{4}{3}$

۱۳۳- کدام موارد از عبارت‌های زیر درست است؟

الف) انرژی الکترون‌ها در اتم با فاصله آن‌ها از هسته، رابطه عکس دارد.

ب) الکترون هنگام انتقال از لایه‌ای به لایه دیگر انرژی را به صورت پیمانه‌ای جذب یا نشر می‌کند.

پ) الکترون‌های برانگیخته در اتم، ناپایدار بوده و با آزاد کردن انرژی همواره به حالت پایه و پایدار برنمی‌گردند.

ت) گنجایش الکترونی زیرلایه‌ها از رابطه $2l+1 = 2n+1$ عدد کوانتموی فرعی) به دست می‌آید.

۱) الف و ب ۲) ب و ت ۳) ب و پ ۴) الف و ت

۱۳۴- اگر تعداد الکترون‌های موجود در لایه سوم اتم عنصری متعلق به دوره چهارم جدول دوره‌ای، پنج برابر تعداد الکترون‌ها در لایه چهارم آن باشد، کدام گزینه درباره این عنصر درست است؟

۱) عدد اتمی آن برابر ۲۴ است.

۲) در دسته S جدول دوره‌ای قرار دارد.

۳) تعداد الکترون‌ها با $l=1$ در آن، $n=6$ برابر تعداد الکترون‌ها با $l=2$ است.۴) آخرین زیرلایه‌ای که الکترون در آن وارد می‌شود، دارای $l=0$ و $n=4$ است.۱۳۵- اگر تفاوت شمار نترون‌ها و الکترون‌ها در یون X^{2+} برابر ۷ باشد چه تعداد از عبارت‌های زیر درست است؟

الف) این عنصر در گروه ۷ و تنابو ۴ قرار دارد.

ب) آرایش الکترونی اتم این عنصر از قاعده آفبا پیروی نمی‌کند.

پ) در یون X^{2+} ، ۷ الکترون با $n=1$ وجود دارد.

ت) در آرایش الکترونی اتم آن، یک زیرلایه نیمه پر وجود دارد.

ث) در این یون، فقط ۵ زیرلایه به طور کامل پر شده‌اند.

۱) ۱ ۲) ۲ ۳) ۳ ۴) ۴

محل انجام محاسبات



۱۳۶- اطلاعات موجود در کدام ردیف‌ها درست است؟

فرمول شیمیایی ترکیب آن با عنصر فلور	بیرونی‌ترین زیرلایه	تعداد لایه پر	گونه
AF_2	$3d^10$	۳	$_{30}A^-$ ۱
XF_3	$3p^6$	۲	$_{15}X^{3-}$ ۲
MF_2	$3d^9$	۲	$_{29}M^{2+}$ ۳
DF_3	$4s^2$	۳	$_{31}D^{3+}$ ۴

(۱) ۱ و ۳ (۲) ۲ و ۴ (۳) ۲ و ۳ (۴) ۱ و ۴

۱۳۷- اگر عنصر X در گروه ۱۶ با عنصری که بیرونی‌ترین زیرلایه اتم آن $3p^5$ است، هم‌دوره باشد، کدام موارد زیر درباره آن درست است؟

(الف) بیرونی‌ترین لایه اتم آن دارای ۴ الکترون است.

(ب) در ساختار لوویس ترکیب حاصل از آن با هیدروژن دو جفت الکترون ناپیوندی وجود دارد.

(پ) فرمول ترکیب حاصل از آن با Al_3X_2 به صورت Al_3X_2 می‌باشد.

(ت) نسبت تعداد الکترون‌ها با $= 1$ به تعداد الکترون‌ها با $= 1$ در آرایش الکترونی اتم آن، برابر $\frac{1}{6}$ است.

(۱) ب و ت (۲) ب و پ (۳) الف و ت (۴) الف، ب و ت

۱۳۸- در کدام گزینه به ترتیب پاسخ صحیح سوالات (الف) و (ب) و پاسخ نادرست سوال (پ) آمده است؟

(الف) نسبت شمار آنیون به کاتیون در آلومینیم فلورورید چند برابر نسبت شمار کاتیون به آنیون در کلسیم اکسید است؟

(ب) رفتار شیمیایی هر اتم به کدام ویژگی آن بستگی دارد؟

(پ) اگر دو گونه X^+ و Y^{3-} هم الکترون باشند اختلاف عدد اتمی آن‌ها چقدر خواهد بود؟

(۱) ۲ ، دستیابی به آرایش گاز نجیب ، ۲ (۲) ۳ ، تعداد الکترون‌های ظرفیت ، ۲

(۳) ۲ ، دستیابی به آرایش گاز نجیب ، ۴ (۴) ۳ ، تعداد پروتون‌های هسته ، ۴

۱۳۹- در کدام گزینه نسبت شمار کاتیون‌ها به آنیون‌ها در نخستین ترکیب برابر با $\frac{2}{3}$ و جرم مولی ترکیب دوم برابر ۵۶ گرم بر مول است؟

(Na = ۲۳ , Al = ۲۷ , Br = ۸۰ , Mg = ۲۴ , O = ۱۶ , Ca = ۴۰ , S = ۳۲ , N = ۱۴ : g.mol^{-۱})

(۱) آلومینیم اکسید- کلسیم نیترید

(۲) سدیم برمنید- منیزیم سولفید

۱۴۰- اگر A ، B ، C ، D و E (به ترتیب افزایش عدد اتمی از A تا E) عنصرهای متوالی از جدول تناوبی باشند و C گاز نجیب دوره سوم باشد، کدام مطلب نادرست است؟

(۱) عناصر E و D جزو دسته s جدول تناوبی محسوب می‌شوند.

(۲) A و B ترکیب مولکولی با فرمول AB_2 تشکیل می‌دهند.

(۳) اتم عنصر B در آخرین زیرلایه ظرفیت خود، پنج الکترون دارد.

(۴) A و D ترکیب یونی با فرمول DA تشکیل می‌دهند.



آزمون ۱۳ مرداد ۱۴۰۲

نقدهای پسخ

اختصاصی دوازدهم ریاضی (نظام جدید)

پذیدآورندگان

نام درس	نام طراحان
ریاضی پایه و حسابان ۲	دانیال ابراهیمی-کاظم اجلالی-عباس اشرفی-امیرهوشگ انصاری-رحمان پوررحیم-محمدسجاد پیشوایی-محمدابراهیم تو زنده جانی عادل حسینی-وحید راحی-بابک سادات-سهیل ساسانی-علی اصغر شریفی-پویان طهرانیان-حمدی علیزاده-احسان غنی زاده معین کرمی-لیلا مرادی-مهدی ملامضانی-سروش مؤینی-حامد نصیری
هندسه	امیرحسین ابومحبوب-حنانه اتفاقی-علی ایمانی-محبوبه بهادری-جواد حاتمی-سیدمحمد رضا حسینی فرد-افشین خاصه خان-فرزانه خاکپاش سوگند روشنی-سیدحسن فاطمی-مهرداد ملوندی-سرژ یقیازاریان تبریزی
آمار و احتمال و ریاضیات گستته	محمد مهدی ابورزابی-امیرحسین ابومحبوب-جواد حاتمی-افشین خاصه خان-فرزانه خاکپاش-امیرهوشگ خمسه-سیدوحید ذوالقاری سوگند روشنی-نیلوفر مهدوی-سروش مؤینی-محمدعلی نادری پور-امیر واقعی
فیزیک	هاشم زمانیان-محمد ساکی- محموده شربعت ناصری-مریم شیخ جو پورا علاقه مند مصطفی کیانی-علیرضا گونه-غلامرضا محبی-محمد منصوری امیراحمد میرسعید-مجتبی نکویان
شیمی	هدی بهاری پور-امیر حاتمیان-ایمان حسین نژاد-سینا رحمانی تبار-علی طرفی-امیرحسین طبی-محمد پارسا فراهانی-علیرضا کیانی دوست امیرحسین مسلمی

گزینشگران و ویراستاران

نام درس	ریاضی پایه و حسابان ۲	هنده	آمار و احتمال و ریاضیات گستته	فیزیک	شیمی
گزینشگر	عادل حسینی	امیرحسین ابومحبوب	امیرحسین ابومحبوب سوگند روشنی	امیر حاتمیان	
گروه ویراستاری	مهدی ملامضانی	مهرداد ملوندی	ویراستار استاد: مهرداد ملوندی	بهنام قازانچایی	
مسئول درس	عادل حسینی	امیرحسین ابومحبوب	امیرحسین ابومحبوب	امیرحسین مسلمی	
مسئلند سازی	سمیه اسکندری	سرژ یقیازاریان تبریزی	ویراستار استاد: سرژ یقیازاریان تبریزی	ویراستار استاد: محمدحسن محمدزاده مقدم	

گروه فنی و تولید

مدیر گروه	محمد اکبری
مسئل دفترچه	نرگس غنی زاده
گروه مستندسازی	مدیر گروه: مجاہد اصغری
حروف نگار	فرزانه فتح الهزاده
ناظر چاپ	سوران نعیمی

گروه آزمون

بنیاد علمی آموزشی قلمچی (وقف عام)

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۳۳ - کانون فرهنگی آموزش - تلفن: ۰۲۱ ۶۴۶۳



$$\{(2,3) \in D_f \mid (0,1) \notin D_g\} \rightarrow \text{حق}$$

$$\{[3,4] \in D_f \mid [1,2] \in D_g\} \rightarrow \text{حق}$$

بنابراین دامنه تابع gof برابر $[3,4] \cup [0,1]$ است.

(هسابان - تابع: صفحه‌های ۶۶ تا ۷۰)

(ممدرسیاد پیشوایی)

گزینه «۱»

کافی است در دو طرف تساوی زیر تابع f را اعمال کنیم.

$$f^{-1}(2x+5) = g(x+2) \xrightarrow{f} 2x+5 = f(g(x+2))$$

حال کافی است برای یافتن $(fog)(3)$ مقدار $x=1$ را قرار دهیم.

$$\xrightarrow{x=1} (fog)(3) = 2(1) + 5 = 7$$

(هسابان - تابع: صفحه‌های ۶۶ تا ۷۰)

(کاظم اجلان)

گزینه «۳»

ابتدا مقدار k و در نتیجه ضابطه f را به دست می‌آوریم:

$$f(f(1)) = -1 \Rightarrow f\left(\frac{1}{k-2}\right) = -1$$

$$\Rightarrow \frac{\frac{1}{k-2}}{\frac{k}{k-2}-2} = \frac{1}{k-2k+4} = -1$$

$$\Rightarrow -k+4 = -1 \Rightarrow k = 5 \Rightarrow f(x) = \frac{x}{5x-2}$$

حال برای دامنه تابع $f \circ f$ داریم:

$$D_{f \circ f} = \{x \mid x \in D_f, f(x) \in D_f\} = \{x \mid x \neq \frac{2}{5}, \frac{x}{5x-2} \neq \frac{2}{5}\}$$

$$\frac{x}{5x-2} \neq \frac{2}{5} \Rightarrow 5x \neq 10x - 4 \Rightarrow x \neq \frac{4}{5}$$

$$\Rightarrow D_{f \circ f} = \mathbb{R} - \left\{ \frac{2}{5}, \frac{4}{5} \right\}$$

(هسابان - تابع: صفحه‌های ۶۶ تا ۷۰)

(پژیان طهرانیان)

گزینه «۲»

-۶

$$f(x) = \frac{2-x}{3x+5} \Rightarrow f^{-1}(x) = \frac{-5x+2}{3x+1}$$

حال داریم:

$$f^{-1}(-4f^{-1}(k)) = -1 \Rightarrow -4f^{-1}(k) = f(-1) \xrightarrow{f(-1)=\frac{3}{2}}$$

$$-4f^{-1}(k) = \frac{3}{2} \Rightarrow f^{-1}(k) = -\frac{3}{4} \Rightarrow \frac{-5k+2}{3k+1} = -\frac{3}{4}$$

$$\Rightarrow -9k - 3 = -2k + 8 \Rightarrow 7k = 11 \Rightarrow k = 1$$

$$\Rightarrow f(1) = \frac{2-1}{3(1)+5} = \frac{1}{8}$$

(هسابان - تابع: صفحه‌های ۵۷ تا ۶۲)

(باک سادات)

گزینه «۱»

-۷

دامنه و برد تابع f برابر \mathbb{R} است. با توجه به این موضوع که برد f

محدودیتی برای gof ایجاد نمی‌کند، بیشترین مقدار g همان بیشترین مقدار

$gof(x) = -3x^3 + 1$ است؛ یعنی $y = 1$ است. از طرفی تغییرات

$g(2x+7)$ صرفاً در مورد دامنه بوده، محدودیت برای برد ایجاد نمی‌کند و

روی بیشترین مقدار (عرض) تأثیری ندارد.

(هسابان - تابع: صفحه‌های ۶۶ تا ۷۰)

(ممدرسیاد پیشوایی)

گزینه «۴»

-۸

طبق تعریف دامنه $gof(x)$ داریم:

$$D_{gof} = \{x \in D_f \mid f(x) \in D_g\}$$

با توجه به دامنه f و خروجی آن، داریم:

$$\{[0,1] \in D_f \mid [1,2] \in D_g\} \rightarrow \text{حق}$$

$$\{(1,2) \in D_f \mid (0,1) \notin D_g\} \rightarrow \text{حق}$$

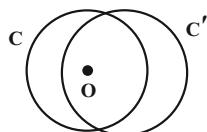


(امیرحسین ابوالهعبوب)

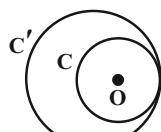
گزینه «۴» - ۱۴

در هر یک از حالت‌های زیر، مرکز دایره C می‌تواند درون دایره C' باشد.

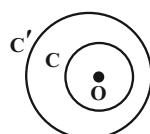
الف) متقطع: دو دایره دو نقطه مشترک دارند.



ب) مماس داخل: دو دایره یک نقطه مشترک دارند.



پ) متداخل: دو دایره نقطه مشترک ندارند.



(هنرسه ۲ - دایره: صفحه ۲۰)

(امیرحسین ابوالهعبوب)

گزینه «۴» - ۱۵

اگر a و b به ترتیب طول اضلاع n ضلعی منتظم محاطی و محیطی دایره‌ای به شعاع r باشند، آنگاه داریم:

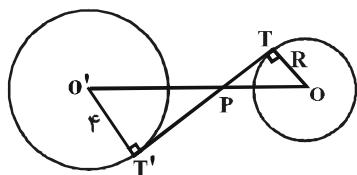
$$\left. \begin{array}{l} a = 2r \sin \frac{180^\circ}{n} \\ b = 2r \tan \frac{180^\circ}{n} \end{array} \right\} \Rightarrow \frac{a}{b} = \frac{\sin \frac{180^\circ}{n}}{\tan \frac{180^\circ}{n}} = \frac{\sin \frac{180^\circ}{n}}{\frac{\sin \frac{180^\circ}{n}}{\cos \frac{180^\circ}{n}}} = \frac{\cos \frac{180^\circ}{n}}{n}$$

$$\Rightarrow \frac{a}{b} = \cos \frac{180^\circ}{n} \xrightarrow{n=6} \frac{a}{b} = \cos \frac{180^\circ}{6} = \cos 30^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

(هنرسه ۲ - دایره: صفحه‌های ۲۹ و ۳۰)

(سیدمحسن خاطمن)

گزینه «۳» - ۱۶



(احسان فاضلی‌فان)

هندسه ۲

گزینه «۱» - ۱۱

چهارضلعی‌های محاطی عبارتند از: مربع، مستطیل و ذوزنقه متساوی الساقین

چهارضلعی‌های محیطی عبارتند از: مربع، لوزی و کایت

(هنرسه ۲ - دایره: صفحه‌های ۲۷ و ۲۸)

(علی ایمانی)

گزینه «۴» - ۱۲

در صورتی که دو دایره مماس درون یا متداخل باشند، داریم:

$$|OO'| \leq |R - R'| \Rightarrow 3 \leq |2m - 1|$$

$$\xrightarrow{m > 0} 2m - 1 \geq 3 \Rightarrow 2m \geq 4 \Rightarrow m \geq 2$$

$$\min(m) = 2 \Rightarrow \min(r) = 4$$

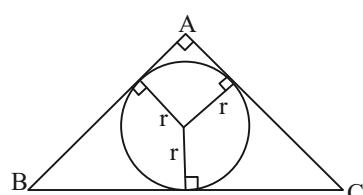
$$S_{\min} = \pi r^2 = \pi(4)^2 = 16\pi$$

(هنرسه ۲ - دایره: صفحه ۲۰)

(علی ایمانی)

گزینه «۱» - ۱۳

می‌دانیم نقطه همرسی نیمسازهای داخلی هر مثلث، مرکز دایرة محاطی داخلی آن مثلث است. بنابراین مجموع فواصل این نقطه از سه ضلع، سه برابر شعاع دایرة محاطی داخلی مثلث است.



از طرفی مثلث ABC قائم‌الزاویه است پس داریم:

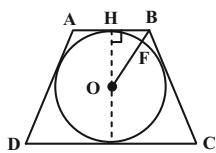
$$\left. \begin{array}{l} S = \frac{1}{2}(5)(12) = 30 \\ P = \frac{5+12+13}{2} = 15 \end{array} \right\} \Rightarrow r = \frac{S}{P} = \frac{30}{15} = 2 \Rightarrow 2r = 6$$

(هنرسه ۲ - دایره: صفحه‌های ۲۵ و ۲۶)



(سوکند روشن)

گزینه «۲» - ۱۹

در ذوزنقه متساوی الساقین محیط بر دایره‌ای به شعاع R داریم:

$$(2R)^2 = AB \times CD \Rightarrow 4R^2 = 4 \times 25 \Rightarrow R = 5$$

مثلث OHB قائم‌الزاویه است، پس داریم:

$$OB^2 = BH^2 + OH^2$$

$$OB^2 = (2)^2 + 5^2$$

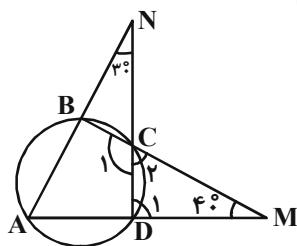
$$OB^2 = 29 \Rightarrow OB = \sqrt{29}$$

$$\Rightarrow BF = OB - R = \sqrt{29} - 5$$

(هنرسه - ۲ - دایره: صفحه‌های ۲۷ و ۲۸)

(مهرداد ملوندی)

گزینه «۳» - ۲۰

مطابق شکل، چهارضلعی $ABCD$ محاطی است، پس:

$$\hat{A} + \hat{C}_1 = 180^\circ \quad (1)$$

$$\hat{C}_2 + \hat{D}_1 = 180^\circ \quad (2)$$

از طرفی \hat{C}_1 و \hat{C}_2 مکمل‌اند، پس:

$$\hat{C}_2 = \hat{A}$$

از روابط (۱) و (۲) نتیجه می‌شود که:

$$\hat{D}_1 = \hat{A} + 30^\circ$$

همچنین \hat{D}_1 زاویه خارجی مثلث AND است، پس:در مثلث CDM داریم:

$$\hat{C}_2 + \hat{D}_1 + \hat{M} = 180^\circ \Rightarrow \hat{A} + (\hat{A} + 30^\circ) + 40^\circ = 180^\circ$$

$$\Rightarrow 2\hat{A} = 110^\circ \Rightarrow \hat{A} = 55^\circ$$

(هنرسه - ۲ - دایره: صفحه ۲۷)

$$\Delta OPT \sim \Delta O'PT' \Rightarrow \frac{O'P}{OP} = \frac{O'T'}{OT}$$

$$\Rightarrow \frac{2}{1} = \frac{4}{R} \Rightarrow R = 2$$

$$\text{مما} \Rightarrow TT' = \sqrt{OO'^2 - (R+R')^2} \\ = \sqrt{8^2 - (2+4)^2} = \sqrt{28} = 2\sqrt{7}$$

تذکر: دقت کنید که قطعاً $R < R'$ است، چون در غیر این صورت دو دایره نمی‌توانند خارج یکدیگر باشند.

(هنرسه - ۲ - دایره: صفحه‌های ۲۰ و ۲۲)

گزینه «۴» - ۱۷

$$\text{طول مما} \Rightarrow d^2 - (R+R')^2 \\ = \sqrt{(\sqrt{10})^2 - (R+2R)^2} = \sqrt{10-9R^2} \\ \text{طول مما} \Rightarrow d^2 - (R-R')^2 \\ = \sqrt{(\sqrt{10})^2 - (R-2R)^2} = \sqrt{10-R^2}$$

با توجه به فرض سؤال داریم:

$$\sqrt{10-R^2} = 3\sqrt{10-9R^2} \\ \Rightarrow 10-R^2 = 9(10-9R^2)$$

$$\Rightarrow 10-R^2 = 90-81R^2$$

$$\Rightarrow 80R^2 = 80 \Rightarrow R^2 = 1 \Rightarrow R = 1$$

(هنرسه - ۲ - دایره: صفحه‌های ۲۱ و ۲۲)

گزینه «۴» - ۱۸

اگر شعاع دایرة محاطی داخلی را با r ، شعاع دایرة محاطی خارجی نظیر قاعده را با r_a و شعاع دایرة محاطی خارجی نظیر ساقها را با r_b و r_c نمایش دهیم، آن‌گاه داریم:

$$\frac{1}{r_a} + \frac{1}{r_b} + \frac{1}{r_c} = \frac{1}{r} \xrightarrow{r_b=r_c} \frac{1}{15} + \frac{2}{r_b} = \frac{1}{3}$$

$$\Rightarrow \frac{2}{r_b} = \frac{3}{10} - \frac{1}{15} = \frac{9-4}{30} = \frac{5}{30} \Rightarrow \frac{2}{r_b} = \frac{1}{6} \Rightarrow r_b = 12$$

(هنرسه - ۲ - دایره: صفحه‌های ۲۵، ۲۶ و ۲۹)



با توجه به رابطه فوق داریم:

$$(A \times B) \cap (B \times A) = (A \cap B) \times (A \cap B) = \emptyset \times \emptyset = \emptyset$$

(آمار و احتمال- آشنایی با مبانی ریاضیات: صفحه‌های ۳۵ تا ۳۸)

(فرزانه کلپاشن)

گزینه «۲» -۲۴

$$A \subseteq B \Rightarrow A \cap B = A \Rightarrow P(A \cap B) = P(A) = 0 / 2$$

$$A \subseteq B \Rightarrow B' \subseteq A' \Rightarrow A' \cap B' = B'$$

$$\Rightarrow P(B') = P(A' \cap B') = 0 / 6$$

$$\Rightarrow P(B) = 1 - 0 / 6 = 0 / 4$$

$$P(B - A) = P(B) - P(A \cap B) = 0 / 4 - 0 / 2 = 0 / 2$$

(آمار و احتمال- احتمال: صفحه‌های ۴۳ تا ۴۷)

(امیر هوشک خمسه)

گزینه «۴» -۲۵

فرض کنید A و B زیرمجموعه‌هایی از فضای نمونه اعداد طبیعی دو رقمی

باشد که اعضای آنها به ترتیب مضرب ۴ و ۶ هستند. خواسته سؤال محاسبه

احتمال پیشامد $A' \cap B'$ است. داریم:

$$n(S) = 90$$

$$n(A) = \left[\frac{99}{4} \right] - \left[\frac{9}{4} \right] = 24 - 2 = 22$$

$$n(B) = \left[\frac{99}{6} \right] - \left[\frac{9}{6} \right] = 16 - 1 = 15$$

$$n(A \cap B) = \left[\frac{99}{12} \right] - \left[\frac{9}{12} \right] = 8 - 0 = 8$$

$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B)$$

$$= \frac{22}{90} + \frac{15}{90} - \frac{8}{90} = \frac{29}{90}$$

$$P(A' \cap B') = P[(A \cup B)']$$

$$= 1 - P(A \cup B) = 1 - \frac{29}{90} = \frac{61}{90}$$

(آمار و احتمال- احتمال: صفحه‌های ۴۷ تا ۴۹)

آمار و احتمال

گزینه «۲» -۲۱

(سید و محمد ذوالقدری)

$$\left. \begin{array}{l} A = \{1, 2, 3, 4, 5\} \\ B = \{1, 3, 5, 7, 9\} \\ C = \{2, 3, 5, 7\} \end{array} \right\} \Rightarrow B \cup C = \{1, 2, 3, 5, 7, 9\}$$

$$A - (B \cup C) = \{4\}$$

بنابراین مجموعه $\{4\}$ معادل پیشامد $A - (B \cup C)$ است، یعنی آن که

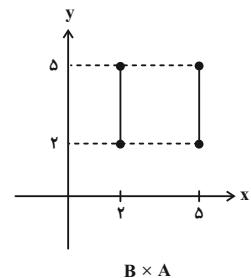
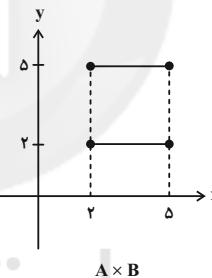
A اتفاق بیفتد ولی B و C هیچ کدام اتفاق نیفتند.

(آمار و احتمال- احتمال: صفحه‌های ۴۲ و ۴۳)

گزینه «۳» -۲۲

(سوکندر روشن)

ابتدا نمودارهای $A \times A$ و $B \times A$ را رسم می‌کنیم و سپس اجتماع آن‌ها را بررسی می‌کنیم.



و در نهایت اجتماع دو شکل برابر محيط مربعی به ضلع ۳ است.

(آمار و احتمال- آشنایی با مبانی ریاضیات: صفحه‌های ۳۵ تا ۳۸)

گزینه «۴» -۲۳

(امیرحسین ایومصوب)

چون A و B مجموعه‌هایی ناتهی هستند، لذا با توجه به فرض داریم:

$$A \times B \subseteq (A - C) \times (B \cap C) \Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} A \subseteq A - C \quad (1) \\ B \subseteq B \cap C \quad (2) \end{array} \right.$$

$$\left. \begin{array}{l} A - C \subseteq A \xrightarrow{(1)} A - C = A \Rightarrow A \cap C = \emptyset \\ B \cap C \subseteq B \xrightarrow{(2)} B \cap C = B \Rightarrow B \subseteq C \end{array} \right\}$$

$$\Rightarrow A \cap B = \emptyset$$



در نتیجه دنباله حسابی $P(a), P(b), P(c)$ به صورت زیر است:

$$\frac{1}{3} - d, \frac{1}{3}, \frac{1}{3} + d$$

احتمال یک پیشامد همواره عددی بین صفر و یک است، پس داریم:

$$\begin{cases} \frac{1}{3} - d \geq 0 \Rightarrow d \leq \frac{1}{3} \\ \frac{1}{3} + d \leq 1 \Rightarrow d \leq \frac{2}{3} \end{cases} \Rightarrow d \leq \frac{1}{3}$$

بنابراین مقدار $d = \frac{4}{9}$ قابل قبول نیست.

(آمار و احتمال - احتمال: صفحه‌های ۱۷ تا ۲۴)

(نیلوفر مهدوی)

«۳» - ۲۹

$$B \subseteq A, C \subseteq A \Rightarrow B \cup C \subseteq A \Rightarrow (B \cup C) \cap A = B \cup C$$

$$B \subseteq A \Rightarrow B \cup A = A, B \cap A = B$$

$$[A \cup (A \cup B')] \cap [(B \cup C) \cap A] = (A \cup A') \cap (B \cup C)$$

$$= U \cap (B \cup C) = B \cup C$$

متهم مجموعه $(B' \cap C)$ به صورت است.

(آمار و احتمال - آشنایی با مبانی ریاضیات: صفحه‌های ۲۶ تا ۳۴)

(محمدعلی نادریور)

«۱» - ۳۰

$$(A \cap B)' \cap (A \cup B') \cap C = C$$

$$\Rightarrow [(A' \cup B') \cap (A \cup B')] \cap C = C$$

$$\Rightarrow \left[\underbrace{(A' \cap A)}_{\emptyset} \cup B' \right] \cap C = C$$

$$\Rightarrow B' \cap C = C \Rightarrow C \subseteq B'$$

$$\Rightarrow C \cap B = B \cap C = \emptyset \quad \text{جدا از هم هستند}$$

(آمار و احتمال - آشنایی با مبانی ریاضیات، صفحه‌های ۲۶ تا ۳۴)

(امیر وغایی)

«۴» - ۲۶

برای دو پیشامد C و A داریم:

$$A \cup C = \{a, b, c, d\} = S \Rightarrow P(A \cup C) = P(S) = 1$$

$$A \cap C = \{c\}$$

$$P(A \cup C) = P(A) + P(C) - P(A \cap C)$$

$$\Rightarrow 1 = 0 / 4 + 0 / 4 - P(c) \Rightarrow P(c) = 0 / 2$$

$$P(B) = P(\{a, b, d\}) = 1 - P(c) = 1 - 0 / 2 = 0 / 2$$

(آمار و احتمال - احتمال: صفحه‌های ۱۴۳ تا ۱۵۱)

(سوند وشنی)

«۲» - ۲۷

$S = \{1, 2, 3, \dots, 99\}$: فضای نمونه

$A = \{2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19\}$: پیشامد تصادفی

اگر احتمال انتخاب هر عدد یک رقمی را با x نمایش دهیم، آن‌گاه داریم:

$$P(1) + \dots + P(9) + P(10) + \dots + P(99) = 1$$

$$\Rightarrow \underbrace{x + \dots + x}_{9 \text{ عدد}} + \underbrace{2x + \dots + 2x}_{90 \text{ عدد}} = 1$$

$$\Rightarrow 9x + 90(2x) = 1 \Rightarrow 189x = 1 \Rightarrow x = \frac{1}{189}$$

$$P(A) = 4x + 4(2x) = 12x = \frac{12}{189} = \frac{4}{63}$$

(آمار و احتمال - احتمال: صفحه‌های ۱۴۱ تا ۱۵۱)

(نیلوفر مهدوی)

«۳» - ۲۸

$$P(a) + P(b) + P(c) = 1$$

از طرفی داریم:

$$P(b) = \frac{P(a) + P(c)}{2} \Rightarrow P(a) + P(c) = 2P(b)$$

$$\Rightarrow 2P(b) + P(b) = 1 \Rightarrow 3P(b) = 1 \Rightarrow P(b) = \frac{1}{3}$$



$$U = \frac{1}{2} CV^2 \quad \frac{V=10V}{U=2/5\mu J=2/5 \times 10^{-9} J}$$

$$2/5 \times 10^{-9} = \frac{1}{2} C \times 10^6 \Rightarrow C = 5 \times 10^{-12} F$$

$A = a^2$ اکنون با استفاده از رابطه $C = \kappa \epsilon_0 \frac{A}{d}$ و با توجه به این که

است، می‌توان نوشت:

$$C = \kappa \epsilon_0 \frac{A}{d} \quad \frac{\kappa=10, A=a^2, \epsilon_0=10^{-11} \frac{F}{m}}{d=2mm=2 \times 10^{-3} m}$$

$$5 \times 10^{-12} = 10 \times 10^{-11} \frac{a^2}{2 \times 10^{-3}} \Rightarrow a^2 = 10^{-4} m^2$$

$$\Rightarrow a = 10^{-2} m \xrightarrow{x \times 100} a = 1 \text{ cm}$$

(فیزیک ۲ - الکتریسیته ساکن: صفحه‌های ۳۲ تا ۳۴)

(امیراهمدر میرسعید)

گزینه «۴»

چون ظرفیت خازن ثابت و انرژی آن افزایش یافته است، با توجه به رابطه

$$U = \frac{Q^2}{2C}, \text{ بار خازن باید افزایش یافته باشد.}$$

$$U_2 = U_1 + 46 \xrightarrow{U=\frac{Q^2}{2C}} \frac{Q_2^2}{2C} = \frac{Q_1^2}{2C} + 46$$

$$\frac{Q_2}{C} = \frac{20}{2 \times 3} + 46 \xrightarrow{C=3\mu F} \frac{Q_2}{2 \times 3} = \frac{20}{2 \times 3} + 46$$

$$\frac{Q_2}{6} = \frac{400}{6} + 46 \Rightarrow Q_2 = 400 + 6 \times 46 = 676 \Rightarrow Q_2 = 676 \mu C$$

$$\frac{Q_2 - Q_1}{Q_1} \times 100 = \frac{26 - 20}{20} \times 100 = 30\% \quad \text{درصد تغییر بار الکتریکی}$$

(فیزیک ۲ - الکتریسیته ساکن: صفحه‌های ۳۲ تا ۳۴)

(مفهومه شریعت‌ناصری)

گزینه «۱»

چون بار $+q$ از صفحه منفی جدا و به صفحه مثبت اضافه شده است، بار

$$\text{خازن افزایش می‌یابد، بنابراین، با توجه به رابطه } U = \frac{Q^2}{2C}, \text{ انرژی خازن}$$

نیز افزایش خواهد یافت. در این حالت داریم:

فیزیک ۲

«۲» - ۳۱

(مریم شیخ‌ممو)

اگر فاصله بین دو صفحه خازن را نصف نماییم، با توجه به رابطه

$$C = \kappa \epsilon_0 \frac{A}{d}, \text{ ظرفیت خازن دو برابر می‌شود. بنابراین چون بار الکتریکی}$$

خازن ثابت می‌ماند، با دو برابر شدن ظرفیت آن، با توجه به رابطه

$$U = \frac{Q^2}{2C}, \text{ انرژی خازن نصف خواهد شد؛ در نتیجه وقتی دو صفحه آن را}$$

به هم وصل می‌کنیم، نسبت به حالت قبلی، جرقه حاصل کوچک‌تر می‌شود.

(فیزیک ۲ - الکتریسیته ساکن: صفحه‌های ۳۲ تا ۳۴)

«۱» - ۳۲

(مریم شیخ‌ممو)

بررسی گزینه‌ها:

$$\text{گزینه «۱»: درست؛ طبق رابطه } C = \kappa \epsilon_0 \frac{A}{d}, \text{ چون } A \text{ و } d \text{ ثابت‌اند، با}$$

خارج کردن دیالکتریک بین صفحه‌های خازن، مقدار κ (ثابت

دیالکتریک) کم می‌شود (زیرا به جای آن هوا با ثابت دیالکتریک $\kappa = 1$ که کمترین مقدار است، قرار می‌گیرد)، لذا ظرفیت خازن کاهش می‌یابد.

گزینه «۲»: نادرست؛ چون خازن به باتری متصل است، V ثابت می‌ماند.

بنابراین طبق رابطه $Q = CV$ ، با کاهش C ، بار الکتریکی نیز کاهش می‌یابد.

گزینه «۳»: نادرست؛ چون خازن به باتری متصل است، اختلاف پتانسیل بین دو صفحه آن همواره مقدار ثابتی است.

$$\text{گزینه «۴»: نادرست؛ بنابراین رابطه } U = \frac{1}{2} QV, \text{ چون } V \text{ ثابت و } Q$$

کاهش یافته است، لذا انرژی خازن نیز کاهش می‌یابد.

(فیزیک ۲ - الکتریسیته ساکن: صفحه‌های ۳۲ تا ۳۴)

«۱» - ۳۳

(مصطفی‌کیانی)

$$\text{برای محاسبه طول ضلع هر صفحه خازن باید از رابطه } C = \kappa \epsilon_0 \frac{A}{d}$$

استفاده کنیم، بنابراین، ابتدا با استفاده از رابطه $U = \frac{1}{2} CV^2$ ، ظرفیت

خازن را می‌یابیم:



$$R = \frac{V_2}{I_2} = \frac{V_1}{I_1} \Rightarrow \frac{V_1 + \Delta}{1/25I_1} = \frac{V_1}{I_1}$$

$$\Rightarrow \frac{V_1 + \Delta}{1/25} = V_1 \Rightarrow V_1 + \Delta = 1/25V_1$$

$$\Rightarrow \Delta = 0/25V_1 \Rightarrow V_1 = 20V$$

(فیزیک ۲ - بیران الکتریکی و مدارهای بیران مستقیم؛ صفحه‌های ۳۹ تا ۵۰)

(مفهومی کیانی)

گزینه «۴» - ۳۹

ابتدا مقاومت سیم را می‌یابیم:

$$V = RI \xrightarrow{\frac{V=40V}{I=20A}} 40 = R \times 20 \Rightarrow R = 2\Omega$$

اکنون با استفاده از رابطه زیر، مقاومت ویژه سیم را حساب می‌کنیم:

$$R = \rho \frac{L}{A} \xrightarrow{L=50m, R=2\Omega} \frac{50}{A=1mm^2} = 5 \times 10^9 m^2$$

$$\rho = \rho \times \frac{50}{1 \times 10^{-6}} \Rightarrow \rho = 4 \times 10^{-8} \Omega \cdot m$$

(فیزیک ۲ - بیران الکتریکی و مدارهای بیران مستقیم؛ صفحه‌های ۳۹ تا ۵۰)

(مفهومی شریعت‌ناصری)

گزینه «۲» - ۴۰

چون جرم سیم تغییر نمی‌کند، می‌توان نوشت:

$$m_1 = m_2 \Rightarrow \rho V_1 = \rho V_2 \Rightarrow V_1 = V_2 \Rightarrow A_1 L_1 = A_2 L_2$$

$$\frac{A_1}{A_2} = \frac{L_2}{L_1}$$

$$\frac{R_2}{R_1} = \frac{\rho \frac{L_2}{A_2}}{\rho \frac{L_1}{A_1}} = \frac{L_2}{L_1} \times \frac{A_1}{A_2} = \left(\frac{A_1}{A_2}\right)^2$$

$$\frac{A_2 = A_1 - \frac{4}{10} A_1 = \frac{6}{10} A_1}{R_1 = 15\Omega} \xrightarrow{R_2 = \frac{15}{6} A_1} R_2 = \left(\frac{A_1}{6}\right)^2$$

$$\Rightarrow \frac{R_2}{15} = \frac{100}{36} \Rightarrow R_2 = \frac{125}{3} \Omega$$

(فیزیک ۲ - بیران الکتریکی و مدارهای بیران مستقیم؛ صفحه‌های ۳۹ تا ۵۰)

$$U_2 = U_1 + \Delta \Rightarrow U_2 - U_1 = \Delta \Rightarrow \frac{Q_2}{2C} - \frac{Q_1}{2C} = \Delta$$

$$\xrightarrow{Q_2=27+q(\mu C), C=7\mu F} \frac{(27+q)^2}{2 \times 7} - \frac{27^2}{2 \times 7} = \Delta$$

$$\Rightarrow q^2 + 54q - 112 = 0 \Rightarrow (q+56)(q-2) = 0 \Rightarrow \begin{cases} q = +2\mu C \\ q = -56\mu C \end{cases}$$

چون $q > 0$ است، $q = 2\mu C$ قابل قبول می‌باشد.

(فیزیک ۲ - الکتریسیته ساکن؛ صفحه‌های ۳۸ تا ۴۰)

(مفهومی شریعت‌ناصری)

گزینه «۳» - ۴۱

با استفاده از رابطه‌های $q = ne$ و $I = \frac{q}{t}$ داریم:

$$I = \frac{q}{t} = \frac{ne}{t} \Rightarrow n = \frac{It}{e} \xrightarrow{I=1nA=10^{-19}A, e=1/6 \times 10^{-19}C} \frac{10^{-9} \times 10^{-3}}{1/6 \times 10^{-19}}$$

$$\text{الکترون} = 6 / 25 \times 10^6$$

(فیزیک ۲ - بیران الکتریکی و مدارهای بیران مستقیم؛ صفحه‌های ۳۹ تا ۵۰)

(مفهومی کیانی)

گزینه «۱» - ۴۲

ابتدا بار الکتریکی شارش شده در مدار ساعت دیواری را می‌یابیم. به همین منظور با داشتن $\Delta U = q \cdot \Delta V$ از رابطه $\Delta U = q \cdot \Delta V$ و ΔV از دستن $\Delta U = q \cdot \Delta V$ استفاده می‌کنیم:

$$q = \frac{\Delta U}{\Delta V} \xrightarrow{\Delta U=2/7J, \Delta V=1/5V} q = \frac{2/7}{1/5} = 1/8C$$

اکنون با استفاده از رابطه $I = It$ ، جریان الکتریکی عبوری از مدار را پیدا می‌کنیم. وقت کنید، زمان یک دور چرخش عقرمه دقيقه شمار ساعت برابر ۶۰ دقیقه یا $t = 60 \times 60 = 3600s$ است.

$$I = \frac{q}{t} \xrightarrow{q=1/8C, t=3600s} I = \frac{1/8}{3600} = 0/5 \times 10^{-3} A$$

$$\xrightarrow{10^{-3}A=1mA} I = 0/5mA$$

(فیزیک ۲ - الکتریسیته ساکن؛ صفحه‌های ۲۳ و ۲۴)

(بیران الکتریکی و مدارهای بیران مستقیم؛ صفحه‌های ۴۶ تا ۴۹)

(مفهومی کیانی)

گزینه «۲» - ۴۳

با استفاده از قانون اهم ($R = \frac{V}{I}$) و با توجه به این‌که $V_2 = V_1 + \Delta$ و $V_1 = V_1 + 0/25I_1 = 1/25I_1$ است، به صورت زیر V_1 را می‌یابیم.

دقت کنید، مقاومت R ثابت است.



$$\Rightarrow -\frac{\sqrt{2}}{2} < \frac{2m-1}{4} \leq 1 \Rightarrow \frac{1-2\sqrt{2}}{2} < m \leq \frac{5}{2}$$

(ریاضی ا- مثلثات: صفحه‌های ۳۶ تا ۳۹)

(دانل ابراهیم)

گزینه «۲» -۵۴

برای نقطه A داریم:

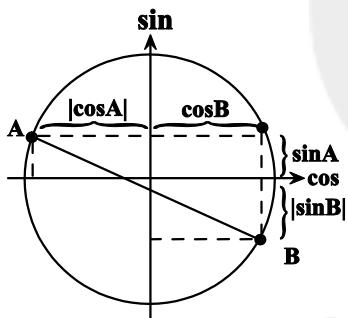
$$\sin^2 A + \cos^2 A = 1 \xrightarrow{\sin A = \frac{1}{3}} \cos^2 A = \frac{8}{9} \Rightarrow |\cos A| = \frac{2\sqrt{2}}{3}$$

برای نقطه B داریم:

$$\sin^2 B + \cos^2 B = 1 \xrightarrow{\cos B = \frac{\sqrt{2}}{3}} \sin^2 B = \frac{7}{9} \Rightarrow |\sin B| = \frac{\sqrt{7}}{3}$$

حال با توجه به دایرة مثلثاتی، طول پاره خط AB را به دست می‌آوریم، طبق

قضیة فیثاغورس داریم:



$$AB = \sqrt{(|\cos A| + \cos B)^2 + (\sin A + |\sin B|)^2}$$

$$= \sqrt{\left(\frac{2\sqrt{2}}{3}\right)^2 + \left(\frac{1+\sqrt{7}}{3}\right)^2} = \sqrt{26+2\sqrt{7}} \quad \frac{2}{3}$$

(ریاضی ا- مثلثات: صفحه‌های ۳۶ تا ۳۹)

(نادر نصیری)

گزینه «۱» -۵۵

$$\frac{1}{\cos x} - \tan x = \frac{1}{\cos x} - \frac{\sin x}{\cos x} = \frac{1-\sin x}{\cos x} \times \frac{1+\sin x}{1+\sin x}$$

$$= \frac{1-\sin^2 x}{\cos x(1+\sin x)} = \frac{\cos^2 x}{\cos x(1+\sin x)} = \frac{\cos x}{1+\sin x} = \frac{1}{\sin x} = \frac{1}{\cos x}$$

(ریاضی ا- مثلثات: صفحه‌های ۳۶ تا ۳۹)

ریاضی ۱

گزینه «۴» -۵۱

شیب خط برابر با $\tan \alpha$ می‌باشد. بنابراین:

$$\tan \alpha = -3 \quad (*)$$

برای یافتن حاصل عبارت $\frac{-\sin \alpha + \cos \alpha}{\cos \alpha + \sin \alpha}$ تقسیم می‌کنیم:

$$\frac{-\tan \alpha + 1}{1 + \tan \alpha} \xrightarrow{(*)} \frac{-(-3) + 1}{1 + (-3)} = \frac{4}{-2} = -2$$

(ریاضی ا- مثلثات: صفحه‌های ۳۶ تا ۳۹)

(عادل هسینی)

گزینه «۲» -۵۲

با توجه به رابطه $\sin x \tan x < 0$ مشخص است که $\sin x$ و $\tan x$ غیرهم‌علامت‌اند، پس یکی مثبت و دیگری منفی است. از رابطه $\sin x - \tan x > 0$ هم نتیجه می‌شود که $\sin x$ از $\tan x$ بزرگ‌تر است. این یعنی $\sin x > 0$ و $\tan x < 0$ است، پس انتهای کمان x در ربع دوم دایرة مثلثاتی قرار دارد.

(ریاضی ا- مثلثات: صفحه‌های ۳۶ تا ۳۹)

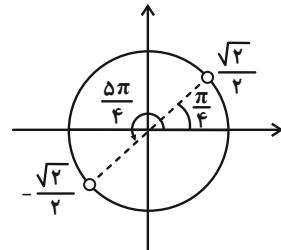
(مهدی ملارمنانی)

گزینه «۲» -۵۳

با توجه به محدوده α داریم:

$$\frac{\pi}{12} < \alpha < \frac{5\pi}{12} \xrightarrow{x\pi} \frac{\pi}{4} < 3\alpha < \frac{5\pi}{4}$$

با توجه به دایرة مثلثاتی داریم:



$$-\frac{\sqrt{2}}{2} < \sin 3\alpha \leq 1$$

$$(\sin \frac{\pi}{4} = 1)$$



(ویدیر افتن)

«۳» گزینه -۵۹

$$\frac{(a^3 + b^3 - ab)(a^3 + b^3 + ab)}{\text{اتحاد مذووج}} = (a^3 + b^3)^3 - (ab)^3$$

$$= a^9 + 2(ab)^3 + b^9 - (ab)^3$$

$$= a^9 + b^9 + (ab)^3 = 14 + 3\sqrt{3} + 14 - 3\sqrt{3}$$

$$+ \left(\sqrt[3]{\frac{(14+3\sqrt{3})(14-3\sqrt{3})}{196-27}} \right)^3 = 28 + \sqrt{169} = 28 + 13 = 41$$

(ریاضی - توان های گویا و عبارت های ببری: صفحه های ۶۱ تا ۶۸)

(عادل مسین)

«۴» گزینه -۶۰

از اتحاد موسوم به چاق و لاغر استفاده می کنیم:

(*)

$$a^3 - b^3 = (a-b)(a^2 + ab + b^2) \Rightarrow a^3 + ab + b^3 = 2$$

حال برای محاسبه $(a+b)^3 = a^3 + 2ab + b^3$ کافی است مقداررا حساب کنیم. برای این کار $a - b = 1$ را به توان ۲ می رسانیم:

$$a^2 - 2ab + b^2 = 1$$

از این معادله داریم $a^2 + b^2 = 2ab + 1$ و این تساوی را در معادله (*)

جای گذاری می کنیم:

$$2ab + 1 = 2 \Rightarrow ab = \frac{1}{3}$$

پس داریم:

$$(a+b)^3 = a^3 + b^3 + 2ab = 2 + \frac{1}{3} = \frac{7}{3}$$

(ریاضی - توان های گویا و عبارت های ببری: صفحه های ۶۳ تا ۶۵)

(معین کرمی)

«۲» گزینه -۵۶

ابتدا دو طرف رابطه را به توان دو می رسانیم:

$$\sin^2 x + 4 \cos^2 x + 4 \sin x \cos x = 1$$

در نتیجه اگر به جای $\sin^2 x = 1 - \cos^2 x$ قرار دهیم رابطه زیر به دست

می آید:

$$4 \cos^2 x + 4 \sin x \cos x = 0$$

از $\cos x$ فاکتور می گیریم:

$$\cos x(4 \cos x + 4 \sin x) = 0$$

$$\Rightarrow \begin{cases} \cos x = 0 \Rightarrow \tan x : \text{تعريف نشده} \\ 4 \cos x + 4 \sin x = 0 \Rightarrow \tan x = -\frac{1}{4} \end{cases}$$

(ریاضی - مثلثات: صفحه های ۴۲ تا ۴۶)

(علی اصغر شریفی)

«۳» گزینه -۵۷

$$A = (5^{-2})^{-\frac{1}{15}} = 5^{\frac{1}{15}}$$

$$(5A)^{-\frac{1}{15}} = (5 \times 5^{\frac{1}{15}})^{-\frac{1}{15}} = (5^{\frac{1}{15}})^{-\frac{1}{15}} = 5^{-\frac{1}{2}} = \frac{1}{\sqrt{5}}$$

(ریاضی - توان های گویا و عبارت های ببری: صفحه های ۶۱ تا ۶۳)

(امیر هوشنگ انماری)

«۲» گزینه -۵۸

$$(a^2 - 4ab + 4b^2) + (4a^2 - 4a + 1) = 0$$

$$(a - 2b)^2 + (2a - 1)^2 = 0 \Rightarrow \begin{cases} a - 2b = 0 \Rightarrow a = 2b \\ 2a - 1 = 0 \Rightarrow a = \frac{1}{2} \end{cases}$$

بنابراین: $b = \frac{1}{4}$ و $a = \frac{1}{2}$ است.

$$\Rightarrow \frac{b}{a} = \frac{1}{2}$$

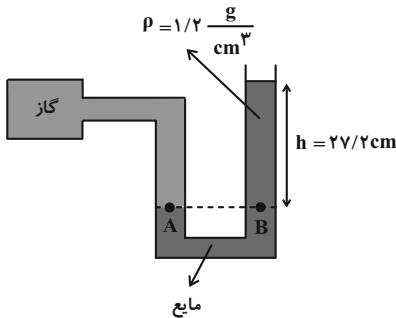
(ریاضی - توان های گویا و عبارت های ببری: صفحه های ۶۲ تا ۶۴)



(مصطفی کیانی)

گزینه «۴»

می‌دانیم فشار پیمانه‌ای برابر اختلاف فشار گاز درون مخزن و فشار هوای است. بنابراین با توجه به شکل زیر، فشار پیمانه‌ای برابر $P_g = P_0 - \rho gh$ است. با توجه به این که فشار پیمانه‌ای را برحسب سانتی‌متر جیوه خواسته است، کافی است مشخص کنیم فشار سنتوی از مایع به ارتفاع $27/2\text{ cm}$ معادل فشار چند سانتی‌متر از جیوه است.



$$\frac{\rho = 1/2 \frac{g}{cm^3}, \rho' = 13/6 \frac{g}{cm^3}}{h = 27/2\text{ cm}} \Rightarrow \frac{(ph)}{(ph') = (\rho'h')} = \frac{1/2 \times 27/2}{13/6} = 13/6 \times 27/2 = 13/4\text{ cm}$$

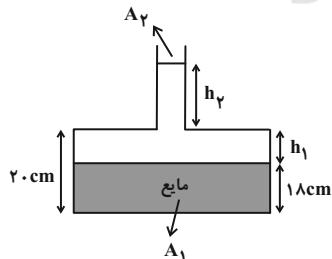
بنابراین فشار $27/2\text{ cm}$ از مایع، معادل فشار $13/4\text{ cm}$ جیوه است. یعنی فشار پیمانه‌ای برابر $P_g = 13/4\text{ cmHg}$ می‌باشد.

(فیزیک - ویژگی‌های فیزیکی موارد: صفحه‌های ۳۲ تا ۳۶)

(ممور منصوری)

گزینه «۳»

مطابق شکل، در ابتدا حجم قسمت خالی قسمت پایین ظرف را می‌یابیم تا محاسبه کنیم که چقدر از 12 cm^3 آب اضافه شده در قسمت باریک لوله قرار می‌گیرد تا ارتفاع سنتون آب در لوله باریک را محاسبه کنیم. بنابراین:



$$h_1 = 20 - 18 = 2\text{ cm}$$

$$V_1 = A_1 h_1 \Rightarrow V_1 = 4 \times 2 = 8\text{ cm}^3$$

$$V_2 = V_1 - V_{\text{آب}} = 12 - 8 = 4\text{ cm}^3$$

$$V_2 = A_2 h_2 \Rightarrow 4 = \frac{4}{5} \times h_2 \Rightarrow h_2 = 8\text{ cm}$$

اکنون تغییر فشار ناشی از آب را محاسبه می‌کنیم و سرانجام نیروی وارد بر کف ظرف از طرف آب را محاسبه می‌کنیم.

$$\Delta P = \rho g \Delta h \Rightarrow \Delta P = \rho g (h_1 + h_2)$$

(ممدر سکن)

فیزیک ۱**گزینه «۳»**

بررسی موارد نادرست:

ب) شیشه جامد بی‌شکل است.

پ) مولکول‌های مایع نظم و تقارن جامدات بلوغین را ندارند و به صورت نامنظم و نزدیک به یکدیگر قرار گرفته‌اند.

(فیزیک - ویژگی‌های فیزیکی موارد: صفحه‌های ۲۸ تا ۳۲)

گزینه «۲»

در حالت طبیعی نیروی دگرچسبی بین مولکول‌های آب و مولکول‌های شیشه بیشتر از نیروی هم‌چسبی بین مولکول‌های آب است. پس آب درون لوله‌های مویین بالا می‌رود و می‌دانیم هر چه قطر لوله مویین کمتر باشد، ارتفاع سنتون آب در آن بیشتر است. از طرفی به دلیل چرب بودن سطح خارجی لوله‌های مویین و سطح داخلی ظرف، نیروی دگرچسبی بین مولکول‌های آب و مولکول‌های شیشه، کمتر از نیروی هم‌چسبی بین خود مولکول‌های آب می‌باشد. در نتیجه آب سطح شیشه‌های چرب شده را خیس نمی‌کند و آب در مجاور سطوح خارجی لوله‌ها و سطح داخلی ظرف پایین می‌آید. با این توضیحات نحوه قرار گیری آب داخل ظرف و لوله‌های مویین در گزینه «۲» به درستی نشان داده شده است.

(فیزیک - ویژگی‌های فیزیکی موارد: صفحه‌های ۲۸ تا ۳۲)

گزینه «۱»

ابتدا فشار ناشی از آب را برحسب سانتی‌متر جیوه می‌یابیم و سپس مشخص می‌کنیم، چه عمقی از آب، چنین فشاری را ایجاد می‌کند.

$$\frac{\text{فشار کل} = 120\text{ cmHg}}{\text{فشار آب} + \text{فشار هوای} = \text{فشار کل}} \Rightarrow \text{فشار آب} = 70\text{ cmHg}$$

$$120 = 70 + P'_\text{آب} \Rightarrow P'_\text{آب} = 50\text{ cmHg}$$

می‌بینیم فشار ناشی از آب برابر 50 cmHg است. یعنی فشار آب معادل فشار سنتوی از جیوه به ارتفاع 50 cm است. اکنون مشخص می‌کنیم فشار سنتوی از جیوه به ارتفاع 50 cm معادل فشار چند سانتی‌متر آب می‌شود.

$$\frac{\rho_\text{جیوه} = 13/6 \frac{g}{cm^3}, \rho_\text{آب} = 1 \frac{g}{cm^3}}{h_\text{جیوه} = 50\text{ cm}} \Rightarrow \rho'_\text{آب} = \rho_\text{آب} h_\text{آب} = 1 \times 50 = 50\text{ cm}$$

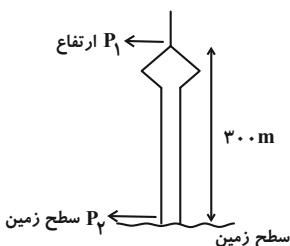
$$50 \times 13/6 = 1 \times h'_\text{آب} \Rightarrow h'_\text{آب} = 680\text{ cm} = 6.8\text{ m}$$

(فیزیک - ویژگی‌های فیزیکی موارد: صفحه‌های ۳۰ تا ۳۶)



(ممور منصوری)

-۶۸ گزینه «۱»
ابتدا این اختلاف فشار را برحسب P_a به دست می‌آوریم: (دقت کنید که در این ارتفاع، تغییرات چگالی بسیار ناچیز است).



$$P_2 = 74 \text{ cmHg}$$

$$P_2 = P_1 + \rho gh \Rightarrow P_2 - P_1 = \rho gh$$

$$\Delta P = \rho gh = 1000 \times 10 \times 300 = 300000 \text{ Pa}$$

حال اختلاف فشار را برحسب cmHg محاسبه می‌کنیم:

$$\Delta P = 300000 \text{ Pa} , \rho_{جیوه} = 13600 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \quad \Delta P = \rho_{جیوه} gh \quad g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}$$

$$300000 = 13600 \times 10 \times h_{جیوه} \Rightarrow h_{جیوه} = 1 / 87 \text{ cm}$$

$$\Delta P = P_2 - P_1 \quad \frac{\Delta P = 1 / 87 \text{ cmHg}}{P_2 = 74 \text{ cmHg}} \Rightarrow 1 / 87 = 74 - P_1$$

$$\Rightarrow P_1 = 72 / 13 \text{ cmHg}$$

(فیزیک - ویژگی‌های فیزیکی موارد؛ صفحه‌های ۳۲ تا ۳۷)

(هاشم زمانیان)

«۳» گزینه

با مقایسه طول بردارهای نیروی شناوری و نیروی وزن، وضعیت هر جسم را مشخص می‌کنیم.

A : طول دو بردار با یکدیگر برابر است و جسم نیز روی سطح مایع شناور است، پس این جسم روی سطح مایع شناور می‌ماند.

B : طول بردار نیروی شناوری بزرگتر از طول بردار نیروی وزن است، لذا نیروی خالص رو به بالا بر جسم وارد می‌شود و در نتیجه جسم به طرف بالا حرکت می‌کند.

C : طول دو بردار با یکدیگر برابر است، لذا جسم غوطه‌ور می‌ماند.

(فیزیک - ویژگی‌های فیزیکی موارد؛ صفحه‌های ۳۰ تا ۳۷)

(ممدر ساکن)

«۱» گزینه

طبق متن کتاب درسی، اصل برنولی برای همه شاره‌ها شامل مایع‌ها و گازها، به شرط تراکم‌ناظدی بردن آنها برقرار است.

(فیزیک - ویژگی‌های فیزیکی موارد؛ صفحه‌های ۳۷ تا ۴۲)

$$\rho = 1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}, g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}} \quad h_1 = 20 \text{ m}, h_2 = 10 \text{ m}$$

$$\Delta P = 1000 \times 10 \times (2 + 1) \times 10^{-2} = 1000 \text{ Pa}$$

$$\Delta F = \Delta P \times A_1 \quad \frac{\Delta P = 1000 \text{ Pa}}{A_1 = 4 \times 10^{-4} \text{ m}^2}$$

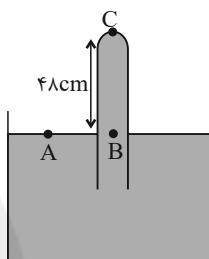
$$\Delta F = 1000 \times 4 \times 10^{-4} = 0.4 \text{ N}$$

(فیزیک - ویژگی‌های فیزیکی موارد؛ صفحه‌های ۳۲ تا ۳۷)

(مبتنی نکوینان)

«۳» گزینه

با توجه به اینکه در مایعات ساکن، فشار در نقاط همتراز برابر است، داریم:



$$P_A = P_B \Rightarrow P_0 = P_{جیوه} + P_C$$

$$\Rightarrow P_C = P_0 - P_{جیوه}$$

بنابراین فشار وارد بر ته لوله در دو حالت زیر به دست می‌آید:

$$P_{C_1} = P_0 - 48 \text{ (cmHg)} \quad P_{C_2} = P_0 - 45 / 6 \text{ (cmHg)}$$

طبق رابطه $F = PA$ و با توجه به ثابت بودن قطر مقطع لوله (A)، برای

اینکه نیروی وارد بر ته لوله ۱۰ درصد افزایش یابد، باید فشار بر ته لوله

۱۰ درصد افزایش یابد، یعنی:

$$P_{C_1} = 1 / 1 P_0 \Rightarrow P_0 - 45 / 6 = 1 / 1 (P_0 - 48)$$

$$\Rightarrow 0 / 1 P_0 = 1 / 1 \times 48 - 45 / 6 \Rightarrow P_0 = 72 \text{ cmHg}$$

(فیزیک - ویژگی‌های فیزیکی موارد؛ صفحه‌های ۳۲ تا ۳۷)

(ممور منصوری)

«۴» گزینه

هر کدام از مایعات تهنشین‌تر باشد، چگالی آن بیشتر است. بنابراین:

$$\rho_1 > \rho_3 > \rho_2$$

همچنین برای فشار ($P = \rho gh$) هر چقدر که ارتفاع از سطح بیشتر باشد،

فشار نیز بیشتر خواهد بود، از طرفی ارتفاع نقطه A و B از سطح یکسان

است، ولی چون چگالی مایع (ρ_3) بیشتر از چگالی مایع (ρ_2) است،

بنابراین فشار در نقطه B بیشتر از فشار در نقطه A است. بنابراین:

$$P_A < P_B$$

(فیزیک - ویژگی‌های فیزیکی موارد؛ صفحه‌های ۳۲ تا ۳۷)



و از مساوی قرار دادن عبارت اخیر و ضابطه سوال:

$$k=0, m=6, n=12 \Rightarrow \frac{k+n}{m} = \frac{0+12}{6} = 2$$

(مسابان ۲ - تابع: صفحه‌های ۱۳ و ۱۴)

(کاظم اهل‌لار)

«۳» -۷۴

ابتدا ضابطه تابع وارون را پیدا می‌کنیم.

$$y = k - \sqrt[3]{x-k} \Rightarrow \sqrt[3]{x-k} = k-y \Rightarrow x-k = (k-y)^3$$

$$\Rightarrow x = k - (y-k)^3 \Rightarrow f^{-1}(x) = k - (x-k)^3$$

اکنون باید معادله $f(x) = f^{-1}(x)$ را حل کنیم تا طول نقاط مشترک

نمودار تابع f با نمودار تابع f^{-1} به دست آید:

$$k - \sqrt[3]{x-k} = k - (x-k)^3 \Rightarrow \sqrt[3]{x-k} = (x-k)^3$$

$$\Rightarrow (x-k) = (x-k)^9 \Rightarrow (x-k)((x-k)^8 - 1) = 0$$

بنابراین این نمودارها سه نقطه مشترک به طول‌های $k-1$ و $k+1$

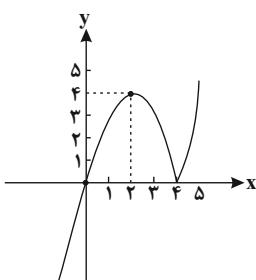
دارند که مجموع آن‌ها برابر $3k$ است.

(مسابان ۲ - تابع: صفحه‌های ۱۳ و ۱۴)

(بلا مرادی)

«۴» -۷۵

ابتدا قدرمطلق را تعیین علامت می‌کنیم و تابع را رسم می‌کنیم:



(عادل مسینی)

حسابان ۲

«۳» -۷۱

$$y = f(x) \xrightarrow{x \rightarrow -x} y = f(-x)$$

$$\xrightarrow{\text{یک واحد به راست}} g(x) = f(-(x-1)) = f(1-x)$$

(مسابان ۲ - تابع: صفحه‌های ۱۳ و ۱۴)

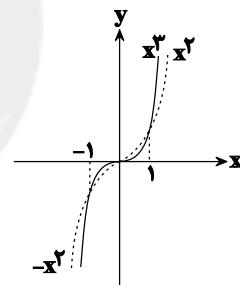
(سعیل ساسانی)

«۲» -۷۲

می‌دانیم تابع $g(x) = x|x|$ به فرم زیر به شکل دو ضابطه‌ای نوشته می‌شود.

$$g(x) = x|x| = \begin{cases} x^2 & ; x \geq 0 \\ -x^2 & ; x < 0 \end{cases}$$

حال با رسم دو تابع داریم:



نمودار تابع f در مجموعه $(-\infty, 1) \cup (1, +\infty)$ - بالای نمودار تابع g قرار

می‌گیرد.

(مسابان ۲ - تابع: صفحه‌های ۱۳ و ۱۴)

(سعیل ساسانی)

«۳» -۷۶

از روی شکل معلوم است که ضابطه تابع به فرم $f(x) = -(x+2)^3 + 8$

می‌باشد. بعد از ساده‌سازی داریم:

$$-(x^3 + 6x^2 + 12x + 8) + 8 = -x^3 - 6x^2 - 12x$$

حال با فاکتور‌گیری از $-x$ - عبارت را به فرم صورت سؤال درمی‌آوریم:

$$-x(x^2 + 6x + 12) = (-x)(x^2 + 6x + 12)$$



(عالی حسین)

گزینه «۲»

-۷۸

تابع $f + g$ اکیداً نزولی است. پس تابع $-2x(f + g) = -2f - 2g$ اکیداًصعودی است. حال اگر دو تابع اکیداً صعودی $-2f - 2g$ و $-3g - 2f$ را باهم جمع کنیم، تابع $-5g$ به دست می‌آید که همچنان اکیداً صعودی است.پس تابع g اکیداً نزولی است. حال چون g و $f + g$ اکیداً نزولی است، درمورد وضعیت یکنواخت تابع f نمی‌توان اظهارنظر قطعی کرد.

(مسابان ۲ - تابع: صفحه‌های ۱۵ تا ۱۸)

(سروش موئین)

گزینه «۳»

-۷۹

با فرض $f(x) = ax + b$

$$(f \circ f)(x) = a(ax + b) + b = a^2x + ab + b$$

$$y = a^2x + ab + b \xrightarrow[\text{ضریب } a^2]{\text{انساطاب}} y = a^2\left(\frac{x}{a}\right) + ab + b$$

$$\xrightarrow[\text{ واحد به پایین}]{5} y = \frac{a^2}{a}x + ab + b - a = x$$

$$\Rightarrow \begin{cases} ab + b - a = 0 \\ \frac{a^2}{a} = 1 \end{cases}$$

حال چون f نزولی است، داریم:

$$\begin{cases} a = -2 \\ -b - a = 0 \Rightarrow b = -a \end{cases} \Rightarrow f(x) = -2x - a$$

$$\Rightarrow f(1) = -4$$

(مسابان ۲ - تابع: صفحه‌های ۱۵ تا ۱۸)

(محمد ابراهیم تووزنده‌جان)

گزینه «۱»

-۸۰

تابع $x^3 - g(x) = -x^3$ اکیداً نزولی است. بنابراین داریم:

$$g(x^3) - g(3x - 2) \geq 0 \Rightarrow g(x^3) \geq g(3x - 2) \Rightarrow x^3 \leq 3x - 2$$

$$\Rightarrow x^3 - 3x + 2 \leq 0 \Rightarrow (x-1)(x-2) \leq 0 \Rightarrow 1 \leq x \leq 2$$

$$\Rightarrow b - a = 2 - 1 = 1$$

(مسابان ۲ - تابع: صفحه‌های ۱۵ تا ۱۸)

$$y = x \mid x - 4 \mid = \begin{cases} x^3 - 4x & ; x \geq 4 \\ -x^3 + 4x & ; x < 4 \end{cases}$$

تابع در بازه $[2, 4]$ و هر زیرمجموعه‌ای از آن نزولی است، بنابراین

$$\text{Max}(b-a) = 4-2=2$$

(مسابان ۲ - تابع: صفحه‌های ۱۵ تا ۱۸)

(عباس اشرفی)

گزینه «۴»

-۷۶

ضابطه تابع را ساده می‌کنیم.

$$f(x) = (k^2 - 4)((-x^3 + 3x^2 - 3x + 1) + k - 1)$$

$$= (k^2 - 4)(-(x^3 - 3x^2 + 3x - 1) + k - 1)$$

$$\Rightarrow f(x) = (k^2 - 4)(-(x-1)^3 + k - 1)$$

تابع $1 - k^2 - 4 \leq 0$ اکیداً نزولی است و اگر $k^2 - 4 \leq 0$ باشدتابع $f(x)$ صعودی می‌شود.

$$k^2 - 4 \leq 0 \Rightarrow k^2 \leq 4 \Rightarrow -2 \leq k \leq 2 \Rightarrow k = \{-2, -1, 0, 1, 2\}$$

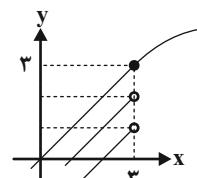
به ازای پنج مقدار صحیح، تابع f می‌تواند تابعی صعودی باشد.

(مسابان ۲ - تابع: صفحه‌های ۱۵ تا ۱۸)

(ویدیر راهن)

گزینه «۲»

-۷۷

در رسم تابع f ، جایگاه نقطه توخالی $(3, 15-m)$ معلوم نیست. برای آن

که تابع صعودی شود (طبق نمودار)، کافی است شرط زیر برقرار باشد:

$$15-m \leq f(3) = 3 \Rightarrow m \geq 12$$

پس در محدوده $m \in [11, 12]$ عدد طبیعی قرار ندارد.

(مسابان ۲ - تابع: صفحه‌های ۱۵ تا ۱۸)



(سید محمد رضا مسینی فر)

گزینه «۲» -۸۴

ماتریس B^2 را به دست می آوریم:

$$B^2 = \begin{bmatrix} 0 & -1 \\ -1 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 & -1 \\ -1 & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} = I$$

پس $I = B^2$ بوده که در ضرب ماتریس‌ها خاصیت جابه‌جایی دارد، یعنی:

$$AB^2 = B^2 A = A$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها؛ صفحه‌های ۱۷ تا ۲۱)

(پولار هاتمن)

گزینه «۴» -۸۵

طبق تعریف ماتریس A داریم:

$$A = \begin{bmatrix} 2 & 5 & 8 \\ 0 & 8 & 14 \\ 0 & 0 & 18 \end{bmatrix}$$

برای به دست آوردن درایه‌های قطر اصلی ماتریس A^2 ، کافی است سطریام A را در ستون i آن ضرب کنیم ($1 \leq i \leq 3$). داریم:

$$A^2 = \begin{bmatrix} 2 & 5 & 8 \\ 0 & 8 & 14 \\ 0 & 0 & 18 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 & 5 & 8 \\ 0 & 8 & 14 \\ 0 & 0 & 18 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 4 & 64 & 324 \\ 0 & 64 & 112 \\ 0 & 0 & 144 \end{bmatrix}$$

 $A^2 = 4 + 64 + 324 = 392$ = مجموع درایه‌های قطر اصلی

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها؛ صفحه‌های ۱۸ و ۱۷ تا ۲۰)

هندسه ۳

گزینه «۴» -۸۱

(اخشین فاطمه‌خان)

مطابق تمرینات ۳ و ۴ صفحه ۲۰ و کار در کلاس صفحه ۱۸ کتاب هندسه

(۳) برای گزینه‌های (۱)، (۲) و (۳) مثال نقض وجود دارد.

گزینه «۴»: از ویژگیهای ضرب ماتریسها بوده (توزیع پذیری ضرب نسبت به

جمع ماتریس‌ها) و مثال نقض ندارد.

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها؛ صفحه‌های ۱۷ تا ۲۰)

گزینه «۳» -۸۷

(علی ایمانی)

در جمع و تفریق ماتریس‌ها، ماتریس‌ها حتماً هم مرتبه هستند و حاصل نیز

ماتریسی هم مرتبه با ماتریس‌های اولیه است.

$$\begin{aligned} m = p = 2 \\ n = q = 4 \end{aligned} \Rightarrow m + n + p + q = 12$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها؛ صفحه‌های ۱۳ تا ۱۷)

گزینه «۳» -۸۸

(اخشین فاطمه‌خان)

$$A \times B = \begin{bmatrix} 2 & a-1 \\ 3b & 1 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 3 & 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2a-1 & 2a-6 \\ 3b+3 & 2-6b \end{bmatrix}$$

$$\begin{cases} 2a-6=0 \Rightarrow a=3 \\ 3b+3=0 \Rightarrow b=-1 \end{cases} \Rightarrow a+b=2$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها مشابه تمرین ۶؛ صفحه ۲۱)



$$= \begin{bmatrix} 3 & 0 & 0 \\ 0 & 3 & 0 \\ 0 & 0 & 3 \end{bmatrix} = 3I$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها؛ صفحه‌های ۱۷ تا ۲۱)

«۲» -۸۶ گزینه

طبق تعریف ماتریس A داریم:

$$A = \begin{bmatrix} 2m & 0 & 0 \\ -1 & 2m & 3 \\ -2 & 1 & 2m \end{bmatrix}$$

گزینه «۴» -۸۹

$$A^2 = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ -3 & 4 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ -3 & 4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -5 & 10 \\ -15 & 10 \end{bmatrix}$$

$$A^2 = mA + nI \Rightarrow \begin{bmatrix} -5 & 10 \\ -15 & 10 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} m & 2m \\ -3m & 4m \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} n & 0 \\ 0 & n \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow \begin{bmatrix} m+n & 2m \\ -3m & 4m+n \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -5 & 10 \\ -15 & 10 \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} 2m = 10 \Rightarrow m = 5 \\ m + n = -5 \Rightarrow 5 + n = -5 \Rightarrow n = -10 \end{cases}$$

$$m - n = 5 - (-10) = 15$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها؛ صفحه‌های ۱۷ تا ۲۱)

«۱» -۸۷ گزینه

ابتدا ماتریس A³ را به دست می‌آوریم:

$$A^3 = \begin{bmatrix} 2 & 2 \\ -1 & -1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 & 2 \\ -1 & -1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 & 2 \\ -1 & -1 \end{bmatrix}$$

از رابطه A³ = A به راحتی می‌توان نتیجه گرفت که به ازای هر عدد

طبیعی A^n = A است، پس داریم:

$$A^{1402} = A = \begin{bmatrix} 2 & 2 \\ -1 & -1 \end{bmatrix} \Rightarrow 2 = \text{مجموع درایه‌ها}$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها؛ صفحه‌های ۱۷ تا ۲۱)

«۳» -۸۸ گزینه

$$AB = \begin{bmatrix} 3 & 4 \\ a & 3 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 & -2 \\ -1 & b \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 & -6+4b \\ 2a-3 & -2a+3b \end{bmatrix}$$

$$BA = \begin{bmatrix} 2 & -2 \\ -1 & b \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 3 & 4 \\ a & 3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 6-2a & 2 \\ -3+ab & -4+2b \end{bmatrix}$$

$$AB = BA \Rightarrow \begin{cases} 6-2a = 2 \Rightarrow 2a = 4 \Rightarrow a = 2 \\ -6+4b = 2 \Rightarrow 4b = 8 \Rightarrow b = 2 \end{cases}$$

$$a+b = 2+2 = 4$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها؛ صفحه‌های ۱۷ تا ۲۱)

(امیرحسین ابومنوب)

$$AB - C = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & -1 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} -3 & 1 & 1 \\ 1 & -2 & 1 \\ 1 & 2 & -4 \end{bmatrix}$$



$$\Leftrightarrow (x^2 + y^2 - 2xy) + (z^2 + 2z + 1) \geq 0.$$

$$\Leftrightarrow (x-y)^2 + (z+1)^2 \geq 0.$$

رابطه اخیر بدیهی است و تمامی روابط برگشت‌پذیر هستند، پس حکم ثابت می‌شود.

(ریاضیات کلسن-آشتاین با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۶ تا ۸)

(امیرحسین ابومیوب)

«۴» ۹۴

$$a | m+1 \xrightarrow{x^3} a | 3m+2 \left\{ \begin{array}{l} \text{تفاضل} \\ a | 3m+1 \end{array} \right\} \xrightarrow{a | 20}$$

$$\xrightarrow{a > 0} a = 1, 2, 4, 5, 10, 20$$

پس ۶ مقدار صحیح و نامنفی برای a وجود دارد.

(ریاضیات کلسن-آشتاین با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۹ تا ۱۲)

(فرزانه کاکپاش)

«۱» ۹۵

باقي‌مانده تقسیم مریع هر عدد صحیح فرد بر ۸، برابر ۱ است، زیرا داریم:

$$a = 2k+1 \quad (k \in \mathbb{Z}) \Rightarrow a^2 = 4k^2 + 4k + 1$$

$$= 4 \underbrace{k(k+1)}_{\text{دو عدد صحیح متولی}} + 1 = 4 \times 2q + 1 = 8q + 1$$

(نیلوفر مهروی)

«۲» ۹۱

نکته: میانگین پنج عدد طبیعی و متولی همان عدد وسطی است.

پس میانگین اعداد a_1, a_2, \dots, a_5 برابر a_3 است و در نتیجه a_3 عددی

فرد است. به همین ترتیب a_1 و a_5 اعدادی فرد و a_2 و a_4 اعدادی زوج

هستند. حال به بررسی گزینه‌ها می‌پردازیم:

$$1) 5a_1 + 7a_5 = \text{فرد} + \text{فرد}$$

$$2) 2a_2 + a_5 = \text{فرد} + \text{زوج}$$

$$3) 4a_2 + 2a_4 = \text{زوج} + \text{زوج}$$

$$4) a_2 + 6a_3 = \text{زوج} + \text{زوج}$$

(ریاضیات کلسن-آشتاین با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۷ تا ۵ و ۱)

(احسانی فاضلی‌فان)

«۳» ۹۲

اگر $1 < a < 0$ و $(a \in \mathbb{R})$ می‌توان نتیجه گرفت که $1 < a^2 < 0$ اما از

رابطه $1 < a^2 < 0$ نتیجه می‌شود $1 < a < 0$ یا $-1 < a < 0$.

(ریاضیات کلسن-آشتاین با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۶ تا ۸)

(امیرحسین ابومیوب)

«۲» ۹۳

طبق اثبات به روش بازگشتی داریم:

$$x^2 + y^2 + 1 \geq 2xy - z^2 - 2z$$



(امیرحسین ابوالمحبوب)

گزینه «۲»

-۹۸

برای اعداد طبیعی a , b و c ، طبق فرض سوال داریم:

$$\left. \begin{array}{l} a | b \xrightarrow{\times c} ac | bc \\ b^2 | ac \end{array} \right\} \Rightarrow b^2 | bc \xrightarrow{\div b} b | c$$

اعداد $1 = a$ و $b = 2$ ، $c = 8$ مثال نقضی برای نادرستی سه گزینه دیگر هستند.

(ریاضیات کسری-آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۹ تا ۱۲)

(سروش موئین)

گزینه «۴»

-۹۹

$$\left. \begin{array}{l} x+3 | 4x-1 \\ x+3 | 4x+12 \end{array} \right\} \xrightarrow{\text{تفاضل}} x+3 | 13 \Rightarrow x+3 = 13 - 1 = 12 \text{ یا } 1 \text{ یا } -1 \text{ یا } -13$$

بنابراین تنها مقدار طبیعی ممکن برای x ، عدد ۱۰ است و

تنها نقطه با مختصات طبیعی روی نمودار این تابع است.

(ریاضیات کسری-آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۹ تا ۱۲)

(ممدمهری ابوترابی)

گزینه «۴»

-۱۰۰

$$\left. \begin{array}{l} d | n^2 - 4n \xrightarrow{\times 5} d | 5n^2 - 20n \\ d | 5n + 6 \xrightarrow{\times n} d | 5n^2 + 6n \end{array} \right\} \xrightarrow{\text{تفاضل}} d | 26n$$

$$\left. \begin{array}{l} d | 26n \xrightarrow{\times 5} d | 130n \\ d | 5n + 6 \xrightarrow{\times 26} d | 130n + 156 \end{array} \right\} \xrightarrow{\text{تفاضل}} d | 156$$

$$\Rightarrow d | 2^2 \times 3 \times 13$$

بنابراین بزرگ‌ترین مقدار ممکن برای d به شرط آنکه عدد اول باشد، برابر ۱۳ است.

(ریاضیات کسری-آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۹ تا ۱۲)

بنابراین برای دو عدد صحیح و فرد a و b داریم:

$$a^2 + b^2 + 5 = 8q + 1 + 8q' + 1 + 5$$

$$= 8(q + q') + 7 \Rightarrow r = 7$$

(ریاضیات کسری-آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۱۳ تا ۱۶)

گزینه «۴»

-۹۶

با توجه به قضیه تقسیم داریم:

$$\left. \begin{array}{l} a = 4q + 3 \xrightarrow{\times 5} 5a = 20q + 15 \\ a = 5q' + 4 \xrightarrow{\times 4} 4a = 20q' + 16 \end{array} \right\} \xrightarrow{\text{تفاضل}}$$

$$a = 20(q - q') - 1 = 20(q - q') - 20 + 20 - 1$$

$$= 20(q - q' - 1) + 19$$

پس باقی‌مانده تقسیم a بر ۲۰، برابر ۱۹ است.

(ریاضیات کسری-آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۱۳ و ۱۵)

گزینه «۳»

-۹۷

اگر قضیه تقسیم را به صورت $a = 17q + 9$ ($q \in \mathbb{Z}$) بنویسیم، آنگاه داریم:

$$a + 50 = 17q + 59 = 17q + 51 + 8 = 17(q + 3) + 8$$

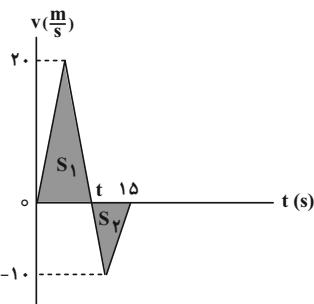
بنابراین خارج قسمت تقسیم ۳ واحد افزایش یافته و باقی‌مانده آن به اندازه ۹ واحد کاهش می‌یابد.

(ریاضیات کسری-آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۱۳ و ۱۵)



(عکس‌ها کوشه)

گزینه «۱» - ۱۰۴



$$\ell_1 = S_1 = \frac{20t}{2} = 10t$$

$$\ell_2 = S_2 = \frac{(15-t)(10)}{2} = 5(15-t)$$

اکنون با استفاده از رابطه $s_{av} = \frac{\ell}{\Delta t}$ ، تندی متوسط متحرک را در بازه زمانی (صفر تا t) و (t تا $15s$) بدست می‌آوریم:

$$\left\{ \begin{array}{l} s_{av_1} = \frac{\ell_1}{\Delta t_1} = \frac{\ell_1 = 10t}{\Delta t_1 = t} \\ s_{av_1} = \frac{10t}{t} = 10 \frac{m}{s} \\ s_{av_1} = \frac{\ell_2}{\Delta t_2} = \frac{\ell_2 = 5(15-t)}{\Delta t_2 = (15-t)} \\ s_{av_2} = \frac{5(15-t)}{(15-t)} = 5 \frac{m}{s} \end{array} \right.$$

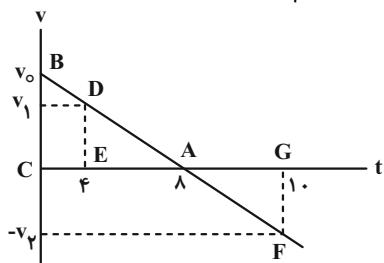
(فیزیک ۳) - هرکت بر فقط راست: صفحه‌های ۱، ۲، ۳ و ۱۳ تا ۱۵

(امیر‌احمد میرسعید)

گزینه «۱» - ۱۰۵

یکی از روش‌های حل تست‌های نمودار مکان-زمان در حرکت با شتاب ثابت روی خط راست رسم نمودار $v-t$ آن است. با توجه به نمودار ثابت روی خط راست $v = at + v_0$ است و در لحظه $t = 8s$ سرعت صفر شده است. بنابراین، نمودار $v-t$ را رسم نموده و با استفاده از تشابه دو مثلث

داریم:



$$\frac{v_0}{v_1} = \frac{8}{4} \Rightarrow v_1 = \frac{1}{2} v_0$$

برای محاسبه v_2 با استفاده از تشابه در مثلث‌های ABC و AFG داریم:

$$\frac{v_0}{v_2} = \frac{8}{2} \Rightarrow v_2 = \frac{1}{4} v_0$$

فیزیک ۳

گزینه «۱» - ۱۰۱

بررسی موارد:

(الف) نادرست؛ در لحظه t_1 سرعت صفر است.(ب) درست؛ در بازه زمانی صفر تا t_1 شب خط مماس بر نمودار در حال کاهش است، بنابراین، سرعت نیز در حال کاهش می‌باشد، لذا حرکت کندشونده خواهد بود.

(پ) نادرست؛ متحرک در خلاف جهت محور X حرکت می‌کند. زیرا سرعت (شب خط مماس بر نمودار) منفی می‌باشد.

(ت) نادرست؛ در بازه زمانی t_4 تا t_5 متحرک ساکن است، لذا، سرعت آن صفر می‌باشد.

بنابراین، یک عبارت درست است.

(فیزیک ۳) - هرکت بر فقط راست: صفحه‌های ۷ تا ۱۰

گزینه «۲» - ۱۰۲

(غلامرضا مصی)

حل: ابتدا به کمک رابطه مربوط به محاسبه شتاب متوسط $\vec{v}_{10} - \vec{v}_{20}$ را می‌باشیم:

$$\vec{a}_{av} = \frac{\vec{v}_{20} - \vec{v}_{10}}{\Delta t} = \frac{-10 \vec{i} \frac{m}{s^2}}{10 - 0} \Rightarrow -10 \vec{i} = \frac{\vec{v}_{10} - \vec{v}_0}{10 - 0}$$

$$\vec{v}_{10} - \vec{v}_0 = -100 \vec{i} \left(\frac{m}{s} \right) (1)$$

$$\vec{a}_{av} = \frac{\vec{v}_{20} - \vec{v}_{10}}{\Delta t} = \frac{-40 \vec{i} \frac{m}{s^2}}{10 - 0} \Rightarrow -40 \vec{i} = \frac{\vec{v}_{20} - \vec{v}_0}{10 - 0}$$

$$\Rightarrow \vec{v}_{20} - \vec{v}_0 = -80 \vec{i} \left(\frac{m}{s} \right) (2)$$

از تفريح رابطه‌های (۱) و (۲) داریم:

$$\vec{v}_{20} - \vec{v}_{10} = -80 \vec{i} - (-100 \vec{i}) = 20 \vec{i} \left(\frac{m}{s} \right)$$

بنابراین، شتاب متوسط در ۱۰ ثانية دوم برابر است با:

$$\vec{a}_{av} = \frac{\vec{v}_{20} - \vec{v}_{10}}{\Delta t} = \frac{20 \vec{i} \frac{m}{s^2}}{20 - 10} = 2 \vec{i} \left(\frac{m}{s^2} \right) \Rightarrow |\vec{a}_{av}| = 2 \frac{m}{s^2}$$

(فیزیک ۳) - هرکت بر فقط راست: صفحه‌های ۱۰ تا ۱۳

گزینه «۴» - ۱۰۳

(معصومه شریعت‌ناصری)

در بازه زمانی صفر تا $3s$ ، نمودار بالای محور زمان قرار دارد و در تیجه $v > 0$ و متحرک در جهت محور X در حال حرکت است و در بازه زمانی $3s$ تا $15s$ که نمودار زیر محور زمان قرار دارد، سرعت منفی بوده، در

نتیجه متحرک در خلاف جهت محور X در حرکت است. بنابراین داریم:

$$a_{av} = \frac{\Delta v}{\Delta t} \Rightarrow a_{av}(0, 3s) = \frac{0 - 12}{3} = -4 \frac{m}{s^2}$$

$$a'_{av}(3s, 15s) = \frac{-3 - 0}{15 - 3} = -\frac{1}{4} \frac{m}{s^2}$$

$$\left| \vec{a}'_{av} \right| = \frac{\left| -\frac{1}{4} \right|}{\left| -4 \right|} = \frac{1}{4} = \frac{1}{16}$$

(فیزیک ۳) - هرکت بر فقط راست: صفحه‌های ۱۰ تا ۱۳



در مدت ۲۰s، متحرک B به اندازه B طی می‌کند. بنابراین، تندی این متحرک برابر است با:

$$v_B = \frac{\Delta x_B}{\Delta t} = \frac{\Delta t = 20s}{\Delta x_B = 400m} \rightarrow v_B = \frac{400}{20} = 20 \frac{m}{s}$$

(فیزیک ۳- حرکت بر فقط راست: صفحه‌های ۱۳ تا ۱۵)

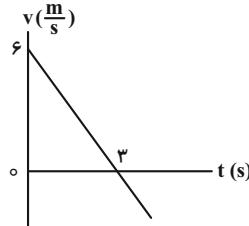
(مفهوم کیانی)

۱۰۹- گزینه «۳»

ابتدا معادله سرعت- زمان متحرک را می‌یابیم و سپس نمودار سرعت- زمان آن را رسم می‌کنیم.

$$x = -t^2 + 6t - 12 \Rightarrow \begin{cases} v_0 = 6 \frac{m}{s} \\ \frac{1}{2} a = -1 \Rightarrow a = -2 \frac{m}{s^2} \end{cases}$$

$$v = at + v_0 \Rightarrow v = -2t + 6 \xrightarrow{v=0} 0 = -2t + 6 \Rightarrow t = 3s$$



می‌بینیم، در بازه زمانی صفر تا ۳s حرکت متحرک کندشونده است. در این بازه زمانی سرعت متوسط برابر است با:

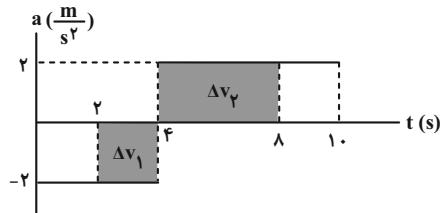
$$v_{av} = \frac{v + v_0}{2} = \frac{0 + 6}{2} = 3 \frac{m}{s}$$

(فیزیک ۳- حرکت بر فقط راست: صفحه‌های ۱۵ تا ۲۱)

(مریم شیخ‌مومو)

۱۱۰- گزینه «۲»

می‌دانیم مساحت سطح محصور بین نمودار $a-t$ و محور t برابر Δv است. بنابراین، با محاسبه این سطح به صورت زیر شتاب متوسط را می‌یابیم:



$$\Delta v_1 = (4-2) \times (-2) = -4 \frac{m}{s}$$

$$\Delta v_2 = (8-4) \times 2 = 8 \frac{m}{s}$$

$$\Delta v_{(2s, 8s)} = \Delta v_1 + \Delta v_2 = -4 + 8 = 4 \frac{m}{s}$$

$$a_{av} = \frac{\Delta v_{(2s, 8s)}}{\Delta t} = \frac{4}{8-2} = \frac{2}{3} \frac{m}{s^2}$$

(فیزیک ۳- حرکت بر فقط راست: صفحه‌های ۱۵ تا ۲۱)

در آخر داریم:

$$\frac{v_2}{v_1} = \frac{\frac{1}{4} v_0}{\frac{1}{2} v_0} = \frac{1}{2}$$

(فیزیک ۳- حرکت بر فقط راست: صفحه‌های ۱۵ تا ۲۱)

۱۱۶- گزینه «۱»

چون در لحظه $t = 0$ شیب خط مماس بر نمودار $x-t$ برابر صفر است، لذا سرعت در این لحظه صفر می‌باشد ($v_0 = 0$).

بنابراین ابتدا با استفاده از رابطه $v = at + v_0$ ، سرعت در لحظه $t = \Delta s$ را می‌یابیم:

$$\Delta v = \frac{v_{\Delta s} + v_0}{2} \Delta t \Rightarrow (-15 - 0) = \frac{v_{\Delta s} + 0}{2} \times (\Delta s - 0)$$

$$\Rightarrow v_{\Delta s} = -15 \frac{m}{s}$$

اکنون شتاب متحرک را پیدا می‌کنیم:

$$v = at + v_0 \Rightarrow -15 = a \times \Delta s + 0 \Rightarrow a = -\frac{15}{\Delta s} \frac{m}{s^2}$$

در آخر داریم:

$$v^2 = v_0^2 + 2a(x - x_0) \xrightarrow{x_0 = 0, x = \Delta s} v^2 = 0 + 2 \times \left(-\frac{15}{\Delta s}\right) \times (0 - \Delta s) \Rightarrow v^2 = 15 \Rightarrow v = \pm 4 \frac{m}{s}$$

(فیزیک ۳- حرکت بر فقط راست: صفحه‌های ۱۵ تا ۲۱)

۱۱۷- گزینه «۲»

(مفهوم کیانی)

چون سرعت ثابت است، با استفاده از معادله حرکت با سرعت ثابت، سرعت متحرک را می‌یابیم:

$$\Delta x - \Delta x' = -12 \xrightarrow{\Delta x = v \Delta t} v \Delta t - v \Delta t' = -12$$

$$\xrightarrow{\frac{\Delta t = 8s}{\Delta t' = 10s}} v \times 3 - v \times 5 = -12$$

$$-12v = -12 \Rightarrow v = 10 \frac{m}{s}$$

(فیزیک ۳- حرکت بر فقط راست: صفحه‌های ۱۳ تا ۱۵)

۱۱۸- گزینه «۴»

(مریم شیخ‌مومو)

می‌دانیم بیشترین فاصله دو متحرک در لحظه‌ای است که متحرک A به مقصد برسد. بنابراین، ابتدا مدت زمان حرکت متحرک A ، تا لحظه‌ای که به مقصد برسد را می‌یابیم. چون سرعت ثابت است، داریم:

$$v_A = \frac{\Delta x_A}{\Delta t} = \frac{\Delta x_A = 480m}{v_A = 48 \frac{m}{s}} \xrightarrow{24 = \frac{480}{\Delta t}} \Delta t = 20s$$



۳) صابون به دلیل داشتن بخش ناقطبی توانایی انحلال در چربی و به دلیل داشتن بخش قطبی توانایی انحلال در آب را دارد.

۴) پارچه‌های نخی از الیاف طبیعی تشکیل شده‌اند و به علت داشتن تعداد زیادی گروه‌های هیدروکسیل (OH-) جاذبه کمتری با لکه‌های چربی که ناقطبی هستند برقرار می‌کنند و جدا شدن آن‌ها توسط صابون راحت‌تر انجام می‌شود. در نتیجه میزان چسبندگی لکه‌های چربی روی پارچه‌های نخی کمتر از پارچه‌های پلی‌استری است.

(شیمی ۳ - صفحه‌های ۹، ۶ و ۱۱ تا ۱۳)

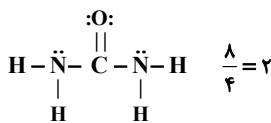
(امیرحسین مسلمی)

۱۱۴ - گزینه «۲»

موارد ب و ت درست هستند.

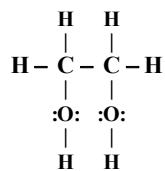
بررسی عبارت‌ها:

آ) اوره دارای ۸ جفت الکترون پیوندی و ۴ جفت الکترون ناپیوندی است. بنابراین نسبت جفت الکترون پیوندی به ناپیوندی برابر با ۲ است.



ب) فرمول شیمیایی روغن زیتون و چربی ذخیره شده در کوهان شتر به ترتیب به صورت $\text{C}_{57}\text{H}_{110}\text{O}_6$ و $\text{C}_{57}\text{H}_{104}\text{O}_6$ و اختلاف جرم مولی آن‌ها به دلیل اختلاف شمار اتم‌های هیدروژن در آن‌هاست که برابر ۶ گرم بر مول می‌باشد.

پ) مولکول اتیلن گلیکول دارای ۹ پیوند اشتراکی است.



ت) فرمول متوسط بنزین به صورت C_8H_{18} است.

$$\frac{\text{درصد جرمی کربن}}{\text{درصد جرمی هیدروژن}} = \frac{8 \times 12}{18 \times 1} \approx 5 / 33$$

(شیمی ۳ - صفحه‌های ۴ و ۵)

شیمی ۳

۱۱۱ - گزینه «۴»

(امیر هاتمیان)

امید به زندگی در شهرهای مختلف یک کشور با هم متفاوت است. زیرا این شاخص به عوامل مختلفی بستگی دارد و در کل شاخص امید به زندگی در مناطق توسعه یافته و برخوردار در مقایسه با مناطق کم‌برخوردار بیشتر است. (شیمی ۳ - صفحه‌های ۲ و ۳)

۱۱۲ - گزینه «۳»

(امیر هاتمیان)

عبارت‌های (ب)، (پ) و (ث) نادرست هستند.

بررسی عبارت‌ها:

الف) فرمول اوره به صورت $\text{CO}(\text{NH}_2)_2$ است.

$$12 + 16 + 2(14) + 4(1) + 40 = 60 \text{ g.mol}^{-1}$$

$$\text{درصد جرمی نیتروژن: } \frac{28}{60} \times 100 = 46.67\%$$

$$\text{درصد جرمی اکسیژن: } \frac{16}{60} \times 100 = 26.67\%$$

$$\frac{\frac{28}{60} \times 100}{\frac{16}{60} \times 100} = \frac{28}{16} = \frac{7}{4} = 1.75$$

ب) بازها در سطح پوست همانند صابون احساس لیزی ایجاد می‌کنند اما به پوست نیز آسیب وارد می‌کنند.

پ) پاک‌کننده‌های صابونی و غیرصابونی براساس برهم‌کنش میان ذره‌ها عمل می‌کنند و با آلاینده‌ها واکنش نمی‌دهند.

ت) فرمول مولکولی تقریبی واژلین به صورت $\text{C}_{25}\text{H}_{52}$ است. لذا داریم:

$$\text{C} = \frac{1 \text{ mol C}_{25}\text{H}_{52}}{352 \text{ g C}_{25}\text{H}_{52}} \times \frac{1 \text{ mol C}}{1 \text{ mol C}_{25}\text{H}_{52}}$$

$$\text{C} = \frac{25 \text{ mol C}}{1 \text{ mol C}_{25}\text{H}_{52}} \times \frac{N_A \text{ C}}{1 \text{ mol C}} = 0.625 N_A \text{ C}$$

ث) ساده‌ترین راه پیشگیری (نه درمان) رعایت بهداشت فردی و همگانی است.

(شیمی ۳ - صفحه‌های ۱ تا ۱۳)

۱۱۳ - گزینه «۱»

صابون مراغه یک صابون طبیعی است و افزودنی شیمیایی ندارد. بررسی سایر گزینه‌ها:

(۲) از پاک‌کننده‌های خورنده به دلیل توانایی واکنش دادن با آلاینده‌ها برای باز کردن مجاری مسدود شده با چربی‌ها استفاده می‌شود.



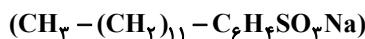
(علیرضا کیانی (دوسن))

«۱» - گزینه ۱۱۸

بررسی برخی موارد:

موردنده نیست؛ خورنده نیست

موردنده درست



$$\Rightarrow M = 348 \text{ g.mol}^{-1}$$

(شیمی ۳ - صفحه های ۱۰ تا ۱۲)

(امیر هاتمیان)

«۴» - گزینه ۱۱۹

بررسی عبارت ها:

الف) نادرست؛ صابون، نمک سدیم یا پتاسیم اسیدهای چرب است که بخش هیدروکربنی آن چربی دوست است.

ب) نادرست؛ در کلوبیدها با وجود ناهمگن بودن و داشتن ظاهری کدر و مات مسیر عبور نور قابل دیدن است.

پ) درست؛ در هر کدام به ازای یک مول واکنش دهنده، ۲ مول کاتیون تولید می شود.



ت) درست؛ افزودن نمک های فسفات دار به صابون ها باعث واکنش فسفات با یون های کلسیم و منیزیم شده و از سختی آب می کاهد. بنابراین از این صابون ها در آب های سخت می توان استفاده کرد و نیاز به تولید پاک کننده های غیرصابونی برای استفاده در آب سخت کاهش می یابد.

(شیمی ۳ - صفحه های ۶، ۷، ۱۰، ۱۲، ۱۴ و ۱۵)

(ممدریارسا فراهانی)

«۴» - گزینه ۱۲۰

مخلف ظرف (۲) کلوئید است که حاوی توده های مولکولی است.

(شیمی ۳ - صفحه های ۵ تا ۸)

(امیرحسین طیبی)

«۴» - گزینه ۱۱۵

می دانیم فرمول کلی یک پاک کننده صابونی جامد با زنجیر هیدروکربنی

سیر شده به صورت $C_nH_{2n+1}COONa$ می باشد.

$$\frac{\text{شمار اتم های نافلزی}}{\text{شمار اتم های فلزی}} = \frac{3n+4}{1} = 52 \Rightarrow 3n = 48 \Rightarrow n = 16$$

فرمول اسید چرب سازنده این پاک کننده صابونی $C_{16}H_{32}COOH$ یا $C_{17}H_{34}O_2$ می باشد.

= جفت الکترون پیوندی

$$\frac{(17 \times 4) + (34 \times 1) + (2 \times 2)}{2} = \frac{68 + 34 + 4}{2} = \frac{106}{2} = 53$$

$$= 2 \times 2 = 4$$

= اختلاف شمار جفت الکترون های پیوندی و ناپیوندی

(شیمی ۳ - صفحه های ۵ و ۶)

(علی طرفی)

«۳» - گزینه ۱۱۶

بررسی عبارت های نادرست:

آ) صابون های مایع نمک های پتاسیم و آمونیوم اسید چرب هستند.

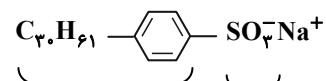
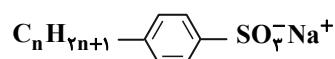
ب) در پاک کننده های غیرصابونی گروه SO_3^- وجود دارد.

پ) پاک کننده های غیرصابونی در آب های سخت رسوب تشکیل نمی دهند.

(شیمی ۳ - صفحه های ۹، ۱۰ و ۱۲)

(هدی بغاری پور)

«۴» - گزینه ۱۱۷



بخش ناقطبی

(شیمی ۳ - صفحه های ۱۰ تا ۱۲)



(امیرحسین ابوالمحبوب)

«۱۲۴- گزینه ۱»

طبق قضیهٔ تالس داریم:

$$\begin{aligned} \Delta AFB : DE \parallel BF &\Rightarrow \frac{AE}{EF} = \frac{AD}{DB} \\ \Delta ABC : DF \parallel BC &\Rightarrow \frac{AF}{FC} = \frac{AD}{DB} \end{aligned} \Rightarrow \frac{AE}{EF} = \frac{AF}{FC}$$

فرض کنید $AE = 2x$ باشد، در این صورت $EF = x$ است و داریم:

$$AF = AE + EF = 3x$$

$$\frac{AE}{EF} = \frac{AF}{FC} \Rightarrow \frac{FC}{EF} = \frac{AF}{AE} = \frac{3x}{2x} = \frac{3}{2}$$

(هنرسهٔ ۱- قضیهٔ تالس، تشابه و کاربردهای آن؛ صفحه‌های ۳۷ تا ۳۹)

(ممیزهٔ بهادری)

«۱۲۵- گزینه ۱»

چهارضلعی $ADEF$ متوازی‌الاضلاع است، پس $DE = AF = 3$ و $EF = AD = 5$ است. با فرض x داریم:

$$\Delta ABC : DE \parallel AC \xrightarrow{\text{تمییم قضیهٔ تالس}} \frac{DE}{AC} = \frac{BD}{AB}$$

$$\Rightarrow \frac{3}{7} = \frac{x}{x+5} \Rightarrow 3x+15 = 7x \Rightarrow 4x = 15 \Rightarrow x = \frac{15}{4}$$

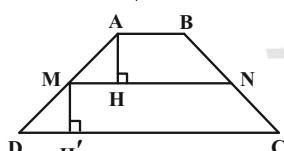
(هنرسهٔ ۱- قضیهٔ تالس، تشابه و کاربردهای آن؛ صفحه‌های ۳۷ تا ۳۹)

(فناههٔ اتفاقی)

«۱۲۶- گزینه ۴»

می‌دانیم اگر MN و BC و M و N به ترتیب وسط ساق‌های AD و BC باشند.

$$\text{آن‌گاه } MN = \frac{AB+DC}{2} \text{ و } MN \parallel AB \parallel DC \text{ است.}$$

از طرفی مطابق شکل $AH = MH'$ است، بنابراین داریم:

$$\frac{1}{2} S_{MNCD} = \frac{1}{2} MH'(MN+DC) \Rightarrow \frac{MN+DC}{AB+MN} = \frac{5}{3}$$

$$\Rightarrow 3(MN+DC) = 5(AB+MN)$$

$$\Rightarrow 3\left(\frac{AB+DC}{2} + DC\right) = 5\left(AB + \frac{AB+DC}{2}\right)$$

$$\xrightarrow{\times 2} 3AB + 9DC = 15AB + 5DC$$

$$\Rightarrow 4DC = 12AB \Rightarrow \frac{DC}{AB} = 3$$

(هنرسهٔ ۱- قضیهٔ تالس، تشابه و کاربردهای آن؛ صفحه‌های ۳۷ تا ۳۹)

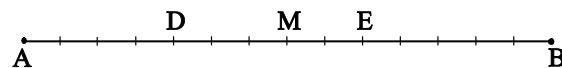
۱ هندسه

«۱۲۱- گزینه ۲»

با ترکیب در مخرج کسرهای داده شده داریم:

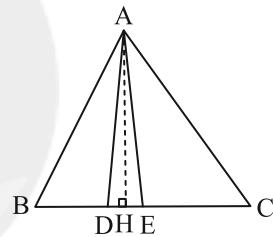
$$\frac{AD}{DB} = \frac{2}{5} \Rightarrow \frac{AD}{AB} = \frac{2}{7} = \frac{4}{14}$$

$$\frac{BE}{AE} = \frac{5}{9} \Rightarrow \frac{BE}{AB} = \frac{5}{14}$$

مطابق شکل M وسط پاره خط AB است و داریم:

(هنرسهٔ ۱- قضیهٔ تالس، تشابه و کاربردهای آن؛ صفحه‌های ۳۲ و ۳۳)

«۱۲۲- گزینه ۱»

مطابق شکل، ارتفاع AH در همهٔ مثلث‌ها مشترک است. اگر ارتفاع‌های دو مثلث برابر باشند، نسبت مساحت‌های آن‌ها برابر است با نسبت قاعده‌های نظیر آن‌ها، می‌توان نوشت:

$$S_{ACE} = \frac{5}{2} S_{ADE} \Rightarrow \frac{EC}{DE} = \frac{5}{2} \Rightarrow DE = \frac{2}{5} EC$$

$$S_{ACE} = \frac{3}{2} S_{ABD} \Rightarrow \frac{EC}{BD} = \frac{3}{2} \Rightarrow BD = \frac{2}{3} EC$$

$$BE = BD + DE = \frac{2}{3} EC + \frac{2}{5} EC = \frac{16}{15} EC$$

$$BC = BE + EC = \frac{16}{15} EC + EC = \frac{31}{15} EC$$

$$\Rightarrow \frac{BC}{DE} - \frac{BE}{BD} = \frac{\frac{31}{15} EC}{\frac{2}{5} EC} - \frac{\frac{16}{15} EC}{\frac{2}{3} EC} = \frac{31}{6} - \frac{8}{5} = \frac{107}{30}$$

(هنرسهٔ ۱- قضیهٔ تالس، تشابه و کاربردهای آن؛ صفحه‌های ۳۰ تا ۳۲)

(فناههٔ اتفاقی)

«۱۲۳- گزینه ۳»

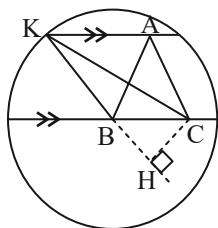
حالات‌های ممکن برای تشابه دو مثلث عبارتند از:

$$1) \frac{4}{x} = \frac{6}{12} = \frac{9}{18} \Rightarrow \frac{4}{x} = \frac{1}{2} \Rightarrow x = 8$$

$$2) \frac{9}{x} = \frac{4}{12} = \frac{6}{18} \Rightarrow \frac{9}{x} = \frac{1}{3} \Rightarrow x = 27$$

بنابراین اختلاف بین حداقل و حداقل مقدار x برابر $27 - 8 = 19$ است.

(هنرسهٔ ۱- قضیهٔ تالس، تشابه و کاربردهای آن؛ صفحهٔ ۳۱)



$$S_{ABC} = \frac{\sqrt{3}}{4} (AB)^2 = \frac{\sqrt{3}}{4} (5)^2 = \frac{25}{4} \sqrt{3}$$

$$\left. \begin{aligned} S_{ABC} = S_{BKC} &\Rightarrow \frac{BK \times CH}{2} = \frac{25}{4} \sqrt{3} \\ BK = \frac{3}{2} &= 1.5 \end{aligned} \right\} \Rightarrow 1.5 \times CH = \frac{25}{4} \sqrt{3}$$

(شعاع دایره)

$$\Rightarrow CH = \frac{5}{2\sqrt{3}} = \frac{5\sqrt{3}}{6}$$

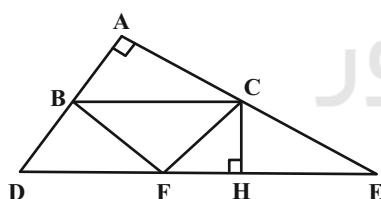
(هنرمه ا - قضیه تالس، تشابه و کاربردهای آن: صفحه‌های ۳۳ تا ۳۵)

(اخشین فاصله‌های)

«گزینه ۲» - ۱۳۰

از نقطه C، عمودی بر DE رسم می‌کنیم. طبق قضیه خطوط موازی و مورب،

$$\hat{A}CB = \hat{E}$$



بنابراین دو مثلث CHE و ABC بنا به حالت تساوی دو زاویه متشابه‌اند.

پس:

$$\frac{CH}{AB} = \frac{CE}{BC} \Rightarrow \frac{CH}{5} = \frac{8}{BC} \Rightarrow BC \times CH = 8 \times 5 = 40$$

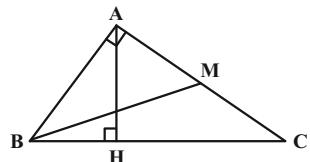
$$S_{BCF} = \frac{1}{2} BC \times CH = \frac{1}{2} \times 40 = 20$$

(هنرمه ا - قضیه تالس، تشابه و کاربردهای آن: صفحه‌های ۳۱ تا ۳۵)

(امیرحسین ابومیوب)

«۲» - ۱۲۷

طبق روابط طولی در مثلث قائم‌الزاویه ABC داریم:



$$AH^2 = BH \times CH \Rightarrow 3^2 = BH \times 3\sqrt{3}$$

$$\Rightarrow BH^2 = 3 \Rightarrow BH = \sqrt{3} \Rightarrow CH = 3\sqrt{3}$$

بنابراین BC = $4\sqrt{3}$ است و داریم:

$$AB^2 = BH \times BC = \sqrt{3} \times 4\sqrt{3} = 12$$

$$AC^2 = CH \times BC = 3\sqrt{3} \times 4\sqrt{3} = 36$$

$$\Delta \text{ABM} : \text{BM}^2 = AB^2 + AM^2 = AB^2 + \frac{AC^2}{4}$$

$$= 12 + 9 = 21 \Rightarrow BM = \sqrt{21}$$

(هنرمه ا - قضیه تالس، تشابه و کاربردهای آن: صفحه‌های ۳۱ و ۳۲)

(امیرحسین ابومیوب)

«۱» - ۱۲۸

مطابق شکل طبق روابط طولی در مثلث قائم‌الزاویه ABD داریم:

$$\begin{aligned} A & \quad B \quad AB^2 = BH \times BD \Rightarrow 12^2 = 6\sqrt{3} \times BD \\ D & \quad C \quad \Rightarrow BD = \frac{12 \times 12}{6\sqrt{3}} = \frac{24}{\sqrt{3}} \times \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{3}} = 8\sqrt{3} \end{aligned}$$

طبق قضیه فیثاغورس در مثلث ABD داریم:

$$BD^2 = AB^2 + AD^2 \Rightarrow (8\sqrt{3})^2 = 12^2 + AD^2$$

$$\Rightarrow AD^2 = 192 - 144 = 48 \Rightarrow AD = 4\sqrt{3}$$

(هنرمه ا - قضیه تالس، تشابه و کاربردهای آن: صفحه‌های ۳۱ و ۳۲)

(سریر یقیازاریان تبریزی)

«۳» - ۱۲۹

مطابق شکل ذیر، BC || AK می‌باشد، بنابراین دو نقطه A و K از ضلع BC به یک فاصله‌اند. از آنجا که قاعده و ارتفاع دو مثلث ABC و BKC با هم برابر هستند، لذا دو مثلث هم ارز (هم مساحت) می‌باشند.

می‌توان نوشت:



(امیرحسین مسلمی)

«۳» - ۱۳۳

موارد (ب) و (پ) درست است.

بررسی موارد نادرست:

الف) هر چه لایه‌های الکترون از هسته دورتر باشد انرژی بیشتر است پس بین

فاصله الکترون از هسته و سطح انرژی آن رابطه مستقیم وجود دارد.

ت) گنجایش الکترونی زیرلایه‌ها از رابطه $4 + 2 = 6$ به دست می‌آید. مثال:

$$I = 0 \rightarrow 2e^- \quad 2 = 2e^- \rightarrow 4(0) + 2 = 2e^-$$

(شیمی ا- صفحه‌های ۲۷ تا ۲۸)

(ایمان مسین نژاد)

«۳» - ۱۳۴

بررسی گزینه‌ها:

(۱) نادرست

$$X: 1s^2 \ 2s^2 \ 2p^6 \ \underbrace{3s^2 \ 3p^6 \ 3d^2}_{10e^-} \ \underbrace{4s^2}_{2e^-} \Rightarrow Z = 22$$

۲) نادرست؛ در دسته d قرار دارد.

۳) درست

$$I = 1 \Rightarrow 6 + 6 = 12 \Rightarrow \text{تعداد الکترون‌ها با } 1 = 12$$

$$I = 2 \Rightarrow \text{تعداد الکترون‌های با } 2$$

$$\frac{12}{2} = 6$$

شیمی ۱

«۱» - ۱۳۱

مورد (پ) درست است.

بررسی گزینه‌های نادرست:

الف) با افزایش فاصله لایه الکترونی از هسته، انرژی الکترون‌های موجود در آن افزایش می‌یابد.

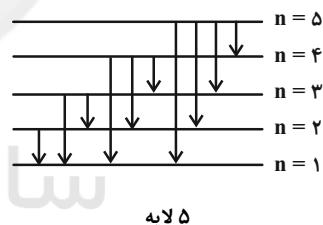
ب) اگر در طیف نشری خطی دو فلز متمایز X و Y خط مشاهده شود در طیف آلیاز این ۲ فلز به تعداد $Y + X$ یا کمتر خط مشاهده می‌شود چون امکان دارد خط طیفی مشترکی بین ۲ عنصر وجود داشته باشد.

ت) اولین بار بور توانتست با ارائه مدل اتمی طیف نشری خطی هیدروژن را توجیه کند ولی توانایی توجیه طیف نشری خطی دیگر اتم‌ها را نداشت.

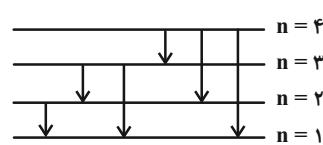
(شیمی ا- صفحه‌های ۲۷ تا ۲۸)

«۳» - ۱۳۲

(ایمان مسین نژاد)



۱۰ خط در طیف نشری وجود دارد.



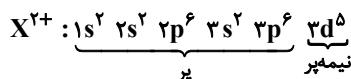
۶ خط در طیف نشری وجود دارد.

$$\frac{10}{6} = \frac{5}{3}$$

(شیمی ا- صفحه‌های ۲۷ تا ۲۸)

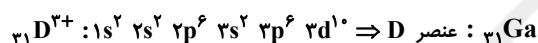
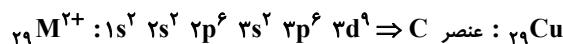
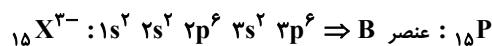
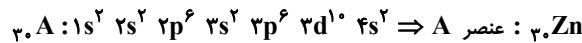


(ث)



(شیمی ا- صفحه‌های ۳۰ تا ۳۶)

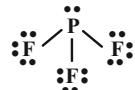
(امیر گاتمیان)

«۳» - گزینه ۳

بررسی عبارت‌ها در ردیف‌های مورد نظر:

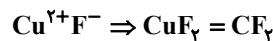
۱) نادرست؛ بیرونی ترین زیرلایه گونه $4s^3$ می‌باشد سایر موارد

درست است.



۲) درست؛ تمامی موارد درست است.

۳) درست؛ تمامی موارد درست است.

۴) نادرست؛ بیرونی ترین زیرلایه گونه D^{3+} برابر $3d^1$ می‌باشد.

(شیمی ا- صفحه‌های ۳۰ تا ۳۶)

(امیرحسین مسلمی)

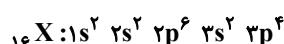
«۱» - گزینه ۱

موارد (ب) و (ت) درست هستند.

عنصری که بیرونی ترین زیرلایه آن $3p^5$ است یعنی در دوره سوم قرار دارد

پس عنصر X نیز در دوره سوم و گروه ۱۶ قرار دارد. در نتیجه این عنصر

دارای عدد اتمی ۱۶ بوده که همان گوگرد است.



۴) نادرست؛ آخرین زیرلایه‌ای که الکترون در آن وارد می‌شود (طبق اصل

آفبا) زیرلایه $3d$ با $l = 2$ و $n = 3$ است.

(شیمی ا- صفحه‌های ۳۰ تا ۳۶)

«۳» - گزینه ۳

(سینا رحمانی تبار)

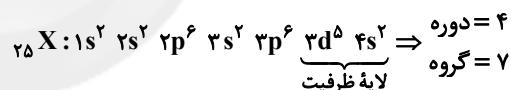
عبارت‌های (الف)، (ت) و (ث) درست هستند.

ابتدا عدد اتمی عنصر مورد نظر را به دست می‌آوریم:

$$\begin{aligned} n + p &= 55 \\ n - e &= 7 \xrightarrow{e=p-2} \begin{cases} n + p = 55 \\ n - p = 5 \end{cases} \end{aligned}$$

$$\xrightarrow{+} 2n = 60 \Rightarrow n = 30, p = 25$$

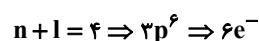
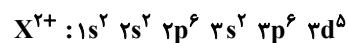
آرایش الکترونی عنصر:



بررسی عبارت‌ها:

الف) این عنصر در دوره ۴ و گروه ۷ جدول تناوبی قرار دارد.

ب) آرایش الکترونی اتم این عنصر از قاعده آفبا پیروی می‌کند.

پ) در یون X^{2+} چون e^- های $4s^2$ برداشته شده است.ت) در آرایش الکترونی اتم عنصر X فقط زیرلایه $3d^5$ به صورت نیمه پر

می‌باشد.



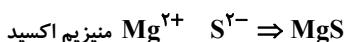
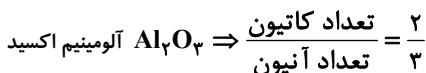
بررسی موارد:

جواب درست ۴ است. لذا در گزینه «۲» چون اختلاف عدد اتمی را ۲ داده است که غلط است انتخاب می‌کنیم.

(شیمی ا- صفحه‌های ۳۸ و ۳۹)

(امیر هاتمیان)

- ۱۳۹ - گزینه «۲»



$$24 + 32 = 56 \text{ g.mol}^{-1} \Leftarrow \text{جرم مولی}$$

(شیمی ا- صفحه‌های ۳۸ تا ۳۹)

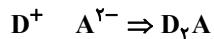
(امیر هاتمیان)

- ۱۴۰ - گزینه «۴»

عنصر C همان آرگون است. بنابراین عنصر A گوگرد، B کلر، پتاسیم و E کلسیم است.

چون A از گروه ۱۶ بوده یون پایدار آن به صورت A^{2-} و D عنصری از

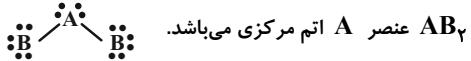
گروه ۱ می‌باشد که یون پایدار آن به صورت D^+ است. لذا داریم:



بررسی سایر گزینه‌ها:

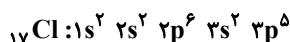
۱) درست؛ چون عناصر D و E در گروه ۱ و ۲ جدول تناوبی قرار دارند لذا از عناصر دسته S می‌باشند.

۲) درست؛ A در گروه ۱۶ و B در گروه ۱۷ قرار دارد و در مولکول



۳) درست؛ عنصر B همان Cl می‌باشد که با رسم آرایش الکترونی آن

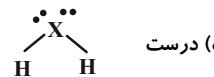
داریم:



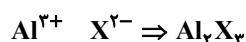
در آخرین زیرلایه آن $5e^-$ وجود دارد.

(شیمی ا- صفحه‌های ۳۸ تا ۳۹)

پ) نادرست



الف) نادرست؛ در بیرونی ترین لایه اتم ۶ الکترون وجود دارد.

ت) درست؛ تعداد الکترون‌ها با $= 10$ برابر ۶ الکترون و تعداد الکترون‌ها با

$$= 1 \text{ برابر } 10 \text{ الکترون می‌باشد، در نتیجه نسبت آن‌ها } \frac{6}{10} \text{ می‌شود.}$$

(شیمی ا- صفحه‌های ۳۴، ۳۶ و ۳۸ تا ۴۱)

- ۱۳۸ - گزینه «۲»

بررسی موارد:

الف) درست

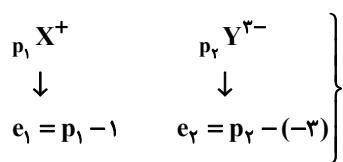
$$\left. \begin{array}{l} \text{شمار آنیون } AlF_3 \Rightarrow \text{آلومینیم فلورورید} \\ \text{شمار کاتیون } = \frac{3}{1} = 3 \\ \text{شمار آنیون } CaO \Rightarrow \text{کلسیم اکسید} \\ \text{شمار کاتیون } = \frac{1}{1} = 1 \end{array} \right\}$$

$$\Rightarrow \frac{3}{1} = 3$$

ب) رفتار شیمیایی هر اتم به تعداد الکترون‌های لایه ظرفیت بستگی دارد. به طوری

که می‌توان دستیابی به آرایش گاز نجیب را مبنای رفتار آن‌ها دانست.

ب)



$$\Rightarrow e_1 = e_2 \Rightarrow p_1 - 1 = p_2 + 2 \Rightarrow p_1 - p_2 = 3$$