



دانشگاه  
آزاد

آزمون

۹



مرکز سنجش آموزش مدارس برتر

پایه

۱۲

آزمون شماره ۹ پایه دوازدهم

دفترچه شماره ۱

۱۴۰۲/۱۱/۲۰

**آزمون اختصاصی  
گروه آزمایشی علوم ریاضی و فنی**

مدت پاسخ‌گویی: ۷۰ دقیقه

تعداد سؤال: ۴۰

عنوان مواد امتحانی آزمون اختصاصی گروه آزمایشی علوم ریاضی و فنی، تعداد، شماره سوالات و مدت پاسخ‌گویی

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سؤال	از شماره	تا شماره	مدت پاسخ‌گویی
۱	حسابان	۱۵	۱	۱۵	۲۵ دقیقه
۲	هندرسه	۱۲	۱۶	۲۸	۲۳ دقیقه
۳	گسسته	۱۲	۲۹	۴۰	۲۲ دقیقه

مواد امتحانی	سرفصل دهم	سرفصل نهم	سرفصل هشتم	سرفصل یازدهم	سرفصل دوازدهم
حسابان	—	—	—	—	فصل ۴ (از ابتدای مشتق تابع مرکب صفحه ۹۶ تا انتهای فصل) و فصل ۵ (تا ابتدای بهینه‌سازی صفحه ۱۱۷)
هندرسه	—	—	—	فصل ۳ (درس‌های ۱ و ۲)	فصل ۳ (درس ۱)
گسسته	فصل ۷ (درس ۱: احتمال)	فصل ۲ (درس‌های ۱ و ۲)	فصل ۳ (درس ۱)	—	—

تمامی حقوق مادی و معنوی آزمون، متعلق به مرکز سنجش آموزش مدارس برتر بوده و هرگونه استفاده از آن بدون داشتن اجازه‌نامه کتبی از این مرکز، خلاف قانون و عرف و قابل پیگیری می‌باشد.

سال تحصیلی ۱۴۰۳-۱۴۰۲



## ریاضیات

-۱ برای تابع پیوسته  $F$  شرط  $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{f(x)-3}{x^2 - 4x} = -2$  چه عددی است؟

$$-\frac{1}{4}$$

$$-\frac{7}{2}$$

$$7(2)$$

$$-\frac{7}{4}$$

-۲ هرگاه  $f''(1)$  مقدار  $f(x) = (2x - \sqrt{x+3})^2 (x + \sqrt{x})$  چه عددی است؟

$$\frac{7}{2}$$

$$7(3)$$

$$\frac{49}{16}$$

$$\frac{49}{4}$$

-۳ مماس بر نمودار تابع  $x^3 + f(x) = x$  در نقطه‌ای به طول  $1 - x$  واقع بر آن نمودار  $f$  را در نقطه دیگری به طول  $\alpha$  قطع می‌کند. مماس

بر نمودار  $f$  در  $x = \alpha$  با کدام شیب است؟

$$15(4)$$

$$9(3)$$

$$13(2)$$

$$11(1)$$

-۴ اگر  $f(x) = 3x + 2\sqrt{2x+1}$  و  $g(x) = xg(3x) + 4x + 1$  تابعی پیوسته و مشتق‌پذیر باشد، مقدار  $(g'(0))$  چه عددی است؟

$$2(4)$$

$$3(3)$$

$$6(2)$$

$$4(1)$$

-۵ هرگاه  $f(x) = x - \frac{1}{6} \sin^2(\frac{\pi}{3}x)$  به موازات کدام خط نمی‌توانیم بر نمودار  $f$  مماس رسم کنیم؟

$$y = \frac{1}{2}x - \pi$$

$$y = 2x - \frac{\pi}{3}$$

$$y = \frac{5}{3}x - \frac{\pi}{4}$$

$$y = x + \frac{\pi}{6}$$

-۶ هرگاه  $f$  یک چندجمله‌ای باشد به طوری که  $f'of'(3)$  حاصل  $f'of'(3)$  چه عددی است؟

$$13(4)$$

$$11(3)$$

$$7(2)$$

$$9(1)$$

-۷ اگر  $2$  مماس قائم داشته باشد، در نقطه‌ای با کدام طول دارای مماس افقی است؟

$$\frac{4}{3}$$

$$\frac{3}{4}$$

$$\frac{3}{2}$$

$$\frac{2}{3}$$

-۸ شیب مماس بر تابع  $f(x) = \tan^3 \frac{\pi}{\sqrt{3x+1}}$  در  $x = 5$  چه عددی است؟

$$\frac{3\pi}{16}$$

$$-\frac{3\pi}{32}$$

$$\frac{3\pi}{64}$$

$$-\frac{9\pi}{64}$$

محل انجام محاسبه

-۹ مماس بر نمودار تابع  $f(x) = \frac{2x}{x-1}$  در نقطه‌ای به طول  $\alpha$  محور طول‌ها را در نقطه  $A(0, \alpha)$  قطع می‌کند. حاصل ضرب مقادیر به دست

آمده برای  $\alpha$  چه عددی است؟

-۴ (۴)

-۲ (۳)

۴ (۲)

۲ (۱)

-۱۰ اگر  $1 - mx + 2x^7$  در بازه  $[3, -1]$  تعریف شده باشد، آهنگ تغییر متوسط تابع در این بازه دو برابر آهنگ تغییر لحظه‌ای در

است. آهنگ تغییر لحظه‌ای  $\alpha = \frac{m}{2}$  چه عددی است؟

-۱۲ (۴)

۸ (۳)

-۸ (۲)

-۶ (۱)

-۱۱ هرگاه  $g'(f(g(x))) \cdot f'(g(x)) = (\sqrt{x-3} - 1)^2 + 4$  و  $f(x) = x + 2\sqrt{x-4}$  چه عددی است؟

۹ (۴)

۱ (۳)

۴ (۲)

۵ (۱)

-۱۲ طول یکی از نقاط بحرانی تابع  $f(x) = \sqrt[3]{2x^2 + ax + 5}$  برابر  $2 = x$  است. مجموع مقادیر به دست آمده برای  $a$  کدام است؟

$-\frac{21}{2}$  (۲)

$-\frac{25}{2}$  (۴)

$-\frac{29}{2}$  (۱)

$-\frac{23}{2}$  (۳)

-۱۳ تابع  $f(x) = |x - x|$  دارای چند نقطه بحرانی است؟

۵ (۴)

۴ (۳)

۳ (۲)

۲ (۱)

-۱۴ تابع  $f(x) = 2\sqrt{x} + \sqrt{a-x}$  با فرض  $a > 0$  را در نظر بگیرید. اگر حاصل ضرب مقادیر مینیمم و ماکزیمم مطلق آن  $\sqrt{20}$  باشد، مقدار

کدام است؟

$4\sqrt{2}$  (۴)

۴ (۳)

۲ (۲)

$2\sqrt{2}$  (۱)

-۱۵ اگر  $f(x) = \sqrt{x^2 + 1}$  چند تا از توابع زیر فاقد نقطه بحرانی است؟

الف)  $y = xf(x)$

ب)  $y = x + f(x)$

ج)  $y = \frac{x}{f(x)}$

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

محل انجام محاسبه

- ۱۶- در مثلث  $\triangle ABC$ ، اگر  $\cos(\hat{A} + \hat{B}) = -\frac{2\sqrt{2}}{3}$  و  $AB = 2$  کدام است؟

$$\frac{4}{9}\pi \quad (4)$$

$$4\pi \quad (3)$$

$$\frac{8}{9}\pi \quad (2)$$

$$9\pi \quad (1)$$

- ۱۷- در مثلث  $\triangle ABC$  با زوایای حاده، دایره محيطی آن به قطر  $2R$  را رسم می‌کنیم. از نقطه  $A$  عمود  $AH$  بر  $BC$  و قطر  $AD$  را رسم می‌کنیم. اندازه  $DC$  چقدر است؟

$$b \cot \hat{B} \quad (4)$$

$$a \tan \hat{A} \quad (3)$$

$$b \tan \hat{B} \quad (2)$$

$$a \cot \hat{A} \quad (1)$$

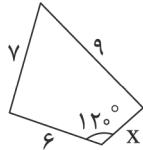
- ۱۸- دو قایق از یک نقطه در دریاچه‌ای با سرعت‌های  $100 \frac{\text{km}}{\text{h}}$  و  $120 \frac{\text{km}}{\text{h}}$  با زاویه  $120^\circ$  از هم دور می‌شوند. اگر نیم ساعت بعد دو قایق از هم فاصله داشته باشند، سرعت قایق ( $V$ ) چند کیلومتر بر ساعت است؟

$$40 \quad (4)$$

$$75 \quad (3)$$

$$60 \quad (2)$$

$$30 \quad (1)$$



- ۱۹- اگر چهارضلعی زیر محيطی باشد آنگاه  $\frac{3+x}{2}$  برابر کدام است؟

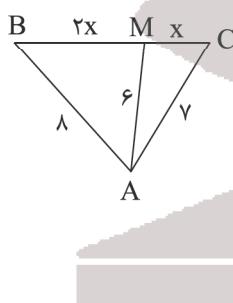
$$\sqrt{5} \quad (1)$$

$$\sqrt{10} \quad (2)$$

$$2\sqrt{10} \quad (3)$$

$$2\sqrt{5} \quad (4)$$

- ۲۰- در شکل زیر، نسبت محيط مثلث  $ABM$  به محيط مثلث  $AMC$  چقدر است؟



$$\frac{5}{4} \quad (1)$$

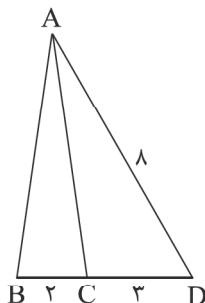
$$3 \quad (2)$$

$$\frac{3}{2} \quad (3)$$

$$\frac{6}{5} \quad (4)$$

محل انجام محاسبه

- ۲۱ - در شکل زیر، مثلث  $\triangle ABC$  متساوی الساقین است. کسینوس زاویه  $\hat{BAC}$  چقدر است؟



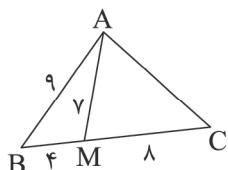
$$\frac{63}{64} \quad (1)$$

$$\frac{9}{10} \quad (2)$$

$$\frac{43}{45} \quad (3)$$

$$\frac{47}{49} \quad (4)$$

- ۲۲ - مجموع مربعات طول سه میانه وارد بر اضلاع مثلث  $\triangle ABC$  برابر کدام است؟



$$228/5 \quad (1)$$

$$229/5 \quad (2)$$

$$230/5 \quad (3)$$

$$230 \quad (4)$$

- ۲۳ - در مورد معادلات  $\begin{cases} x = -2 \\ y = 3 \end{cases}$  کدام گزینه به درستی بیان شده است؟

۲) خطی عمود بر صفحه  $yz$  است.

۱) خطی موازی با صفحه  $xy$  است.

۴) خطی موازی محور  $z$  ها است.

۳) خطی عمود بر محور  $z$  ها است.

- ۲۴ - دو نقطه  $(1, -2, 4)$  و  $A = (m+1, 2, 3)$  و  $B = (-2, -4, 3)$  در دستگاه مختصات فضایی مفروضند. اگر طول پاره خط  $AB$  کمترین مقدار

خود را داشته باشد آنگاه نقطه  $M$  وسط پاره خط  $AB$  در کدام ناحیه دستگاه مختصات قرار دارد؟

۴) ناحیه هفتم

۳) ناحیه سوم

۲) ناحیه چهارم

۱) ناحیه ششم

- ۲۵ - نقاط  $(-5, 4, -6)$  و  $M = (-1, 8, 6)$  رئوس متوازی الاضلاع  $PQMN$  هستند. فاصله رأس  $N$  از محور  $x$

برابر کدام است؟

$$\sqrt{29} \quad (4)$$

$$\sqrt{5} \quad (3)$$

$$\sqrt{26} \quad (2)$$

$$5 \quad (1)$$

محل انجام محاسبه

- ۲۶- وجههای مکعب مستطیلی روی صفحات ۱، ۲، ۳، ۴ و  $z = -3$ ،  $y = 1$ ،  $x = 3$ ،  $y = 1$ ،  $x = -1$ ،  $z = -3$  قرار دارند. کدام گزینه می‌تواند معادله

وجهی باشد که موازی صفحه  $yz$  است؟

$$\begin{cases} x = -1 \\ 0 \leq y \leq 1 \\ 0 \leq z \leq 2 \end{cases} \quad (4)$$

$$\begin{cases} -1 \leq x \leq 3 \\ 1 \leq y \leq 1 \\ z = 2 \end{cases} \quad (3)$$

$$\begin{cases} x = 3 \\ 1 \leq y \leq 1 \\ -3 \leq z \leq 2 \end{cases} \quad (2)$$

$$\begin{cases} -1 \leq x \leq 3 \\ y = 3 \\ -3 \leq z \leq 2 \end{cases} \quad (1)$$

- ۲۷- نقاط  $(1, -4, 5)$  و  $(-1, 2, 4)$  در تساوی  $\overline{AM} = \frac{2}{3}\overline{AB}$  صدق می‌کنند. مجموع تصاویر نقطه  $M$  روی محورهای

مختصات برابر کدام است؟

۱) ۴

۲) ۳

۴) ۲

۳) ۱

- ۲۸- اگر دو بردار  $\vec{a} = (1, -m, 1)$  و  $\vec{b} = (m-1)\vec{i} + \vec{j} - 3\vec{k}$  دو ضلع مثلثی باشند که بردار حاصل جمع آنها بر بردار تفاضلشان عمود

باشد، در این صورت اندازه میانه وارد بر ضلع سوم چقدر است؟

$\sqrt{15}$  ۲

$\sqrt{3/5}$  ۴

$\sqrt{7}$  ۱

$\sqrt{7/5}$  ۳

- ۲۹- در یک آزمایش تصادفی تسنیم و حسنا با یکدیگر سنگ، کاغذ، قیچی بازی می‌کنند، اگر تسنیم سنگ و حسنا قیچی بیاورد چند

پیشامد ۴ عضوی در این آزمایش تصادفی رخ داده است؟

۸۴) ۴

۵۶) ۳

۲۸) ۲

۲۱) ۱

۳۰- احتمال رخ دادن پیشامد  $B$  کدام است؟  $P(A' \cup B') = \frac{17}{20}$  و  $P(A' - B') = \frac{7}{12}$

$\frac{11}{15}$  ۲

$\frac{13}{30}$  ۴

$\frac{6}{15}$  ۱

$\frac{3}{20}$  ۳

- ۳۱- فرض کنید  $S = \{a, b, c, d\}$  یک فضای غیرهم شناس باشد. اگر  $P(\{a, b, c\}) = 2P(\{c, d\}) = 3P(\{c\})$  باشد. احتمال وقوع

پیشامد  $\{d\}$  کدام است؟

$\frac{1}{4}$  ۴

$\frac{1}{5}$  ۳

$\frac{1}{7}$  ۲

$\frac{2}{7}$  ۱

محل انجام محاسبه

- ۳۲- یک بازیکن، دروازه فوتبال را به ۳ قسمت چپ و راست و وسط و هر کدام را نیز به دو قسمت بالا یا پایین تقسیم کرده است (مانند شکل زیر). احتمال اینکه او پنالتی را به سمت چپ نزند برابر  $\frac{4}{15}$  و احتمال اینکه او پنالتی را به سمت راست نزند برابر  $\frac{4}{5}$  است. اگر احتمال اینکه او پنالتی را وسط و بالا بزند  $\frac{1}{2}$  باشد، احتمال اینکه او پنالتی را وسط و پایین بزند چقدر است؟ (بازیکن حتماً توب را در چارچوب دروازه می‌زند).



- (۱)  $\frac{1}{30}$   
(۲)  $\frac{1}{20}$   
(۳)  $\frac{1}{15}$   
(۴)  $\frac{1}{6}$

- ۳۳- عددی به تصادف از  $\{1, 2, 3, \dots, 100\}$  انتخاب می‌کنیم. احتمال اینکه نسبت به عدد ۲۴ اول باشد کدام است؟

- (۱)  $\frac{1}{33}$   
(۲)  $\frac{1}{30}$   
(۳)  $\frac{1}{44}$   
(۴)  $\frac{1}{40}$

- ۳۴- از بین ۸ شاخه گل مریم، ۷ شاخه گل رز و ۶ شاخه گل نیلوفر به چند طریق می‌توان یک دسته گل ۸ شاخه‌ای انتخاب کرد؟

- (۱)  $45$   
(۲)  $41$   
(۳)  $39$   
(۴)  $40$

- ۳۵- نامعادله  $x + y + z \leq 10$  چند جواب طبیعی با شرط  $x \geq 2$  دارد؟

- (۱)  $56$   
(۲)  $50$   
(۳)  $84$   
(۴)  $80$

- ۳۶- در بسط  $(x + y + z + t)^n$  چند جمله وجود دارد که حداقل یکی از متغیرها را نداشته باشد؟

- (۱)  $200$   
(۲)  $202$   
(۳)  $286$   
(۴)  $220$

- ۳۷- معادله  $5 = \sqrt{x_1 + x_2 + x_3 + x_4}$  چند جواب صحیح و نامنفی دارد؟

- (۱)  $30$   
(۲)  $32$   
(۳)  $31$   
(۴)  $24$

- ۳۸- سه برادر تقریباً همسن و سال در خانه ۳ کت آبی، مشکی و قهوه‌ای و ۳ پیراهن سفید، زرد و قرمز دارند. آنها می‌خواهند در سه روز اول هفته از این لباس‌ها به گونه‌ای استفاده کنند که هر فرد هر یک از کت‌ها و هر یک از پیراهن‌ها را دقیقاً یکبار استفاده کرده باشد و هر کت با هر پیراهن دقیقاً یک بار مورد استفاده قرار گیرد. آنها به چند طریق می‌توانند برای این کار برنامه‌ریزی کنند هرگاه برادر بزرگ‌تر در روز اول پیراهن سفید را به همراه کت آبی تن کند؟

- (۱)  $21$   
(۲)  $4$   
(۳)  $6$   
(۴)  $8$

محل انجام محاسبه

۳۹ - مربع لاتین A با کدام گزینه متعامد نمی‌باشد؟

$$A = \begin{array}{|c|c|c|c|} \hline 1 & 2 & 3 & 4 \\ \hline 4 & 3 & 2 & 1 \\ \hline 2 & 1 & 4 & 3 \\ \hline 3 & 4 & 1 & 2 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{|c|c|c|c|} \hline 2 & 3 & 4 & 1 \\ \hline 4 & 1 & 2 & 3 \\ \hline 1 & 4 & 3 & 2 \\ \hline 3 & 2 & 1 & 4 \\ \hline \end{array} \quad (۴)$$

$$\begin{array}{|c|c|c|c|} \hline 1 & 2 & 3 & 4 \\ \hline 2 & 1 & 4 & 3 \\ \hline 4 & 3 & 2 & 1 \\ \hline 3 & 4 & 1 & 2 \\ \hline \end{array} \quad (۳)$$

$$\begin{array}{|c|c|c|c|} \hline 1 & 2 & 3 & 4 \\ \hline 2 & 1 & 4 & 3 \\ \hline 3 & 4 & 1 & 2 \\ \hline 4 & 3 & 2 & 1 \\ \hline \end{array} \quad (۲)$$

$$\begin{array}{|c|c|c|c|} \hline 1 & 2 & 3 & 4 \\ \hline 3 & 4 & 1 & 2 \\ \hline 4 & 3 & 2 & 1 \\ \hline 2 & 1 & 4 & 3 \\ \hline \end{array} \quad (۱)$$

۴۰ - مربع‌های زیر را کامل می‌کنیم تا به مربع لاتین تبدیل شوند. در کدام گزینه این کار امکان‌پذیر نمی‌باشد؟

$$\begin{array}{|c|c|c|c|} \hline 2 & & & \\ \hline & 1 & & \\ \hline & & 2 & \\ \hline & 4 & & 3 \\ \hline \end{array} \quad (۴)$$

$$\begin{array}{|c|c|c|c|} \hline & & & \\ \hline & 1 & & \\ \hline & & 2 & \\ \hline & 4 & & 3 \\ \hline \end{array} \quad (۳)$$

$$\begin{array}{|c|c|c|c|} \hline & & & \\ \hline & 1 & & \\ \hline & & 2 & \\ \hline & 4 & & 3 \\ \hline \end{array} \quad (۲)$$

$$\begin{array}{|c|c|c|c|} \hline & & & \\ \hline & 1 & & \\ \hline & & 2 & \\ \hline & 4 & & 3 \\ \hline \end{array} \quad (۱)$$



محل انجام محاسبه



آزمون

۹



مرکز سنجش آموزش مدارس برتر

پایه

۱۲

آزمون شماره ۹ پایه دوازدهم

دفترچه شماره ۲۵

۱۴۰۲/۱۱/۲۰

## آزمون اختصاصی گروه آزمایشی علوم ریاضی و فنی

تعداد سؤال: ۵۵

مدت پاسخ‌گویی: ۷۰ دقیقه

عنوان مواد امتحانی آزمون اختصاصی گروه آزمایشی علوم ریاضی و فنی، تعداد، شماره سوالات و مدت پاسخ‌گویی

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سؤال	از شماره	تا شماره	مدت پاسخ‌گویی
۱	فیزیک	۳۰	۴۱	۷۰	۴۵ دقیقه
۲	شیمی	۲۵	۷۱	۹۵	۲۵ دقیقه

مواد امتحانی	سرفصل دهم	سرفصل بازدهم	سرفصل دوازدهم
فیزیک	—	فصل ۱	فصل ۴
شیمی	—	فصل ۲ (از صفحه ۶۷ تا انتهای فصل)	فصل ۳

تمامی حقوق مادی و معنوی آزمون، متعلق به مرکز سنجش آموزش مدارس برتر بوده و هرگونه استفاده از آن بدون داشتن اجازه‌نامه کتبی از این مرکز، خلاف قانون و عرف و قابل پیگیری می‌باشد.

سال تحصیلی ۱۴۰۳-۱۴۰۲

- ۴۱- ماشین آتش نشانی با تندی ثابت  $72 \frac{\text{km}}{\text{h}}$  در حال دور شدن از یک دیوار بلند است. اگر در لحظه‌ای که فاصله این ماشین آتش نشانی از دیوار  $400 \text{ m}$  است، راننده ماشین آتش نشانی آژیر آن را به صدا درآورد، چند ثانیه بعد از آژیر زدن، راننده ماشین آتش نشانی صدای آژیر را پس از بازتاب از دیوار می‌شنود؟ (تندی صوت  $340 \frac{\text{m}}{\text{s}}$  و از جذب انرژی توسط محیط صرف نظر شود.)

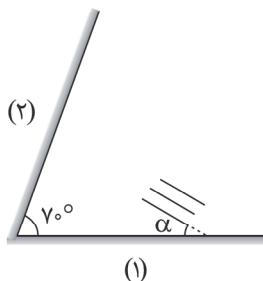
۳/۵ (۴)

۲/۵ (۳)

۲ (۲)

۱/۵ (۱)

- ۴۲- مطابق شکل زیر یک جبهه موج تخت به دو آینه تابیده می‌شود. زاویه جبهه‌های موج تابیده شده به آینه (۱) چند درجه باشد تا زاویه جبهه موج بازتاب شده در اولین بازتاب از آینه (۲) با سطح آینه (۲)،  $40^\circ$  باشد؟



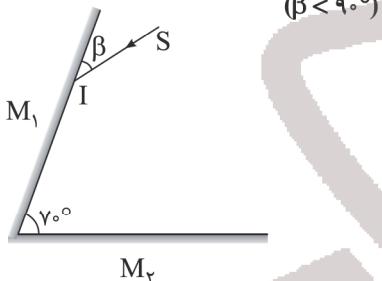
۱۰ (۱)

۲۵ (۲)

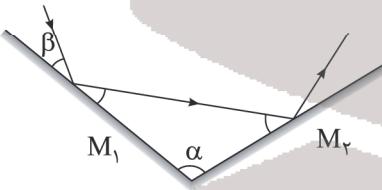
۳۰ (۳)

۶۰ (۴)

- ۴۳- پرتو نور SI مطابق شکل زیر به مجموعه دو آینه تخت متقطع با طول نامحدود برخورد می‌کند. می‌خواهیم این پرتو دقیقاً پس از اولین بازتاب از آینه  $M_2$  از فضای میان دو آینه خارج شود. کدام گزینه در مورد  $\beta$  صحیح است؟ ( $\beta < 90^\circ$ )

 $\beta \geq 30^\circ$  (۱) $\beta \geq 45^\circ$  (۲) $\beta \geq 60^\circ$  (۳) $\beta \geq 40^\circ$  (۴)

- ۴۴- در شکل زیر، پرتو بازتاب از آینه  $M_1$ ، امتداد پرتو تابش به سطح آینه  $M_1$  و امتداد پرتو بازتاب از سطح آینه  $M_2$  با یکدیگر تشکیل یک مثلث متساوی‌الاضلاع را می‌دهند. ( $\alpha - \beta$ ) چند درجه است؟



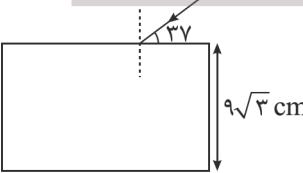
۳۰ (۱)

۶۰ (۲)

۴۵ (۳)

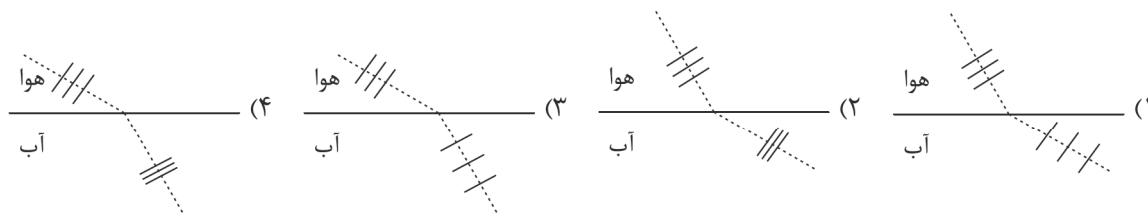
۹۰ (۴)

- ۴۵- مطابق شکل پرتو نور تکرنگی از هوا به تیغه‌ای متوازی السطوح به ضخامت  $9\sqrt{3} \text{ cm}$  و ضربی شکست  $1/6$  می‌تابد. مدت زمانی که نور در تیغه حرکت می‌کند، چند نانو ثانیه است؟ ( $c = 3 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ ,  $\sin 53^\circ = 0.8$ )

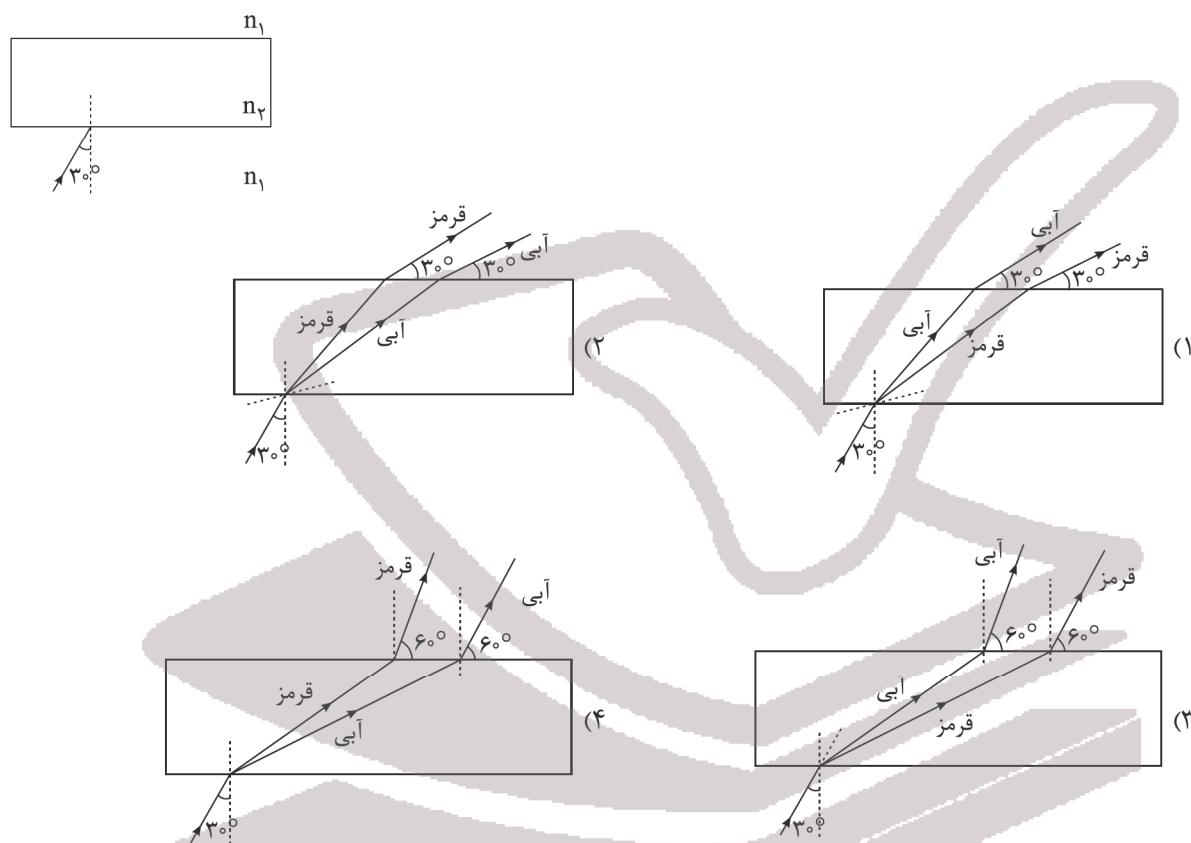
 $0/48$  (۱) $0/48\sqrt{3}$  (۲) $0/96$  (۳) $0/96\sqrt{3}$  (۴)

محل انجام محاسبه

۴۶- یک جبهه موج نور مرئی از هوا وارد آب می‌شود. کدام یک از شکل‌های زیر شکست این موج را در عبور از هوا به آب به درستی نشان می‌دهد؟



۴۷- پرتو نور ترکیبی مطابق شکل از یک محیط شفاف با ضریب شکست  $n_1$  به یک تیغه شیشه‌ای با ضریب شکست  $n_2$  که سطوح بالایی و پایینی آن موازیند، برخورد می‌کند و وارد محیط (۲) شده و درنهایت وارد همان محیط شفاف با ضریب شکست  $n_1$  می‌شود. اگر  $n_2 < n_1$  باشد، کدام گزینه، امتداد پرتوهای نورهای قرمز و آبی را درست نشان می‌دهد؟



۴۸- چندتا از عبارت‌های زیر درست است؟

الف) علت شکست نور تغییر بسامد نور در عبور از یک محیط شفاف به محیط شفاف دیگر است.

ب) با ورود نور مرئی از هوا به آب، طول موج نور کاهش و بسامد افزایش می‌یابد.

ج) هنگامی که موج به مرز جدایی دو محیط می‌رسد، تمام آن وارد محیط دوم می‌شود.

د) اگر موج سینوسی از قسمت ضخیم طناب به قسمت نازک آن وارد شود، بسامد آن بیشتر می‌شود.

۳) ۴

۲) ۳

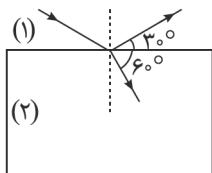
۱) ۲

۱) صفر

محل انجام محاسبه

- ۴۹- مطابق شکل زیر پرتو نوری از محیط (۱) به مرز جداکننده دو محیط تابیده شده، قسمتی از آن بازتاب و قسمتی دیگر دچار شکست می‌شود. تندي موج در محیط (۲) چند برابر تندي موج در محیط (۱) است؟

$$\sin 30^\circ = \frac{1}{\sqrt{3}}$$



$$\frac{2\sqrt{3}}{3}$$

$$\sqrt{3}$$

$$\frac{3\sqrt{2}}{2}$$

$$\frac{\sqrt{3}}{3}$$

- ۵۰- ضریب شکست شیشه نسبت به آب  $\frac{9}{8}$  و ضریب شکست الماس نسبت به شیشه  $\frac{8}{5}$  است. اگر نور تکرنگی از آب وارد الماس شود،

طول موج  $400\text{ nm}$  تغییر می‌کند. طول موج این نور در الماس چند نانومتر است؟

$$540 \quad 500 \quad 480 \quad 450$$

- ۵۱- گوشی‌های همراه با امواج رادیویی با بسامد  $2\text{ GHz}$  کار می‌کنند. بیشترین پراش برای این موج وقتی رخ می‌دهد که به شکافی با ضخامت

$$(C = 3 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}})$$

$$15\text{ mm} \quad 1 - \text{می‌رسد}$$

$$15\text{ mm} \quad 2 - \text{نمی‌رسد}$$

- ۵۲- در یک لوله صوتی موج ایستاده تشکیل شده است و مجموع تعداد گره‌ها و شکم‌ها در داخل لوله ۹ است. طول لوله چند برابر طول موج، موج

صوتی منتشرشده در لوله است؟

$$1/75 \quad 1 \quad 2/2 \quad 3/3 \quad 3/5 \quad 4$$

- ۵۳- آزمایش یانگ را با نوری با بسامد  $480\text{ THz}$  در هوا انجام داده‌ایم و ضخامت نوارهای روشن  $6\text{ mm}$  شده است اگر این آزمایش را عیناً در یک

محیط شفاف با ضریب شکست  $\frac{3}{2}$  و با نوری با بسامد  $600\text{ THz}$  انجام دهیم، ضخامت نوارهای روشن چند  $\text{mm}$  می‌شود؟

$$7/2 \quad 3/8 \quad 2/2 \quad 2/8 \quad 1$$

- ۵۴- سیمی به طول  $5\text{ m}$  و جرم  $20\text{ g}$  با نیروی  $F$  بین دو نقطه بسته شده است. اگر بسامد هماهنگ دوم این سیم  $200\text{ هرتز}$  باشد،

چند نیوتون است؟

$$100 \quad 400 \quad 200 \quad 800 \quad 4$$

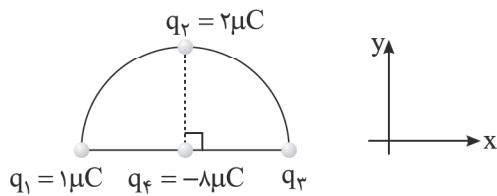
- ۵۵- یک تار دو انتهای بسته به طول  $20\text{ cm}$  و سطح مقطع  $1\text{ cm}^2$  و  $\frac{\text{g}}{\text{cm}} = 20$  با نیروی  $20\text{ N}$  کشیده شده است. اگر این تار را با

بسامد  $530\text{ Hz}$  به نوسان درآوریم، در آن موج ایستاده بارزی تشکیل نمی‌شود. کمترین مقدار تغییر بسامد نوسان کننده چند هرتز و چگونه تغییر کند تا در تار موج ایستاده تشکیل گردد؟

$$120\text{ Hz} \quad 30\text{ Hz} \quad 120\text{ Hz} \quad 30\text{ Hz} \quad 1$$

محل انجام محاسبه

۵۶- در شکل زیر سه بار نقطه‌ای روی محیط یک نیم‌دایره قرار دارند به طوری که فاصله بار  $q_2$  از بارهای  $q_1$  و  $q_3$  یکسان است. اگر بردار نیروی خالص وارد بر بار  $q_4$  که در مرکز نیم‌دایره است در SI به صورت  $\vec{F} = 36\vec{i} + 36\vec{j}$  باشد، بار  $q_4$  چند میکروکولن است؟



$$(k = 9 \times 10^9 \frac{\text{N} \cdot \text{m}^2}{\text{C}^2})$$

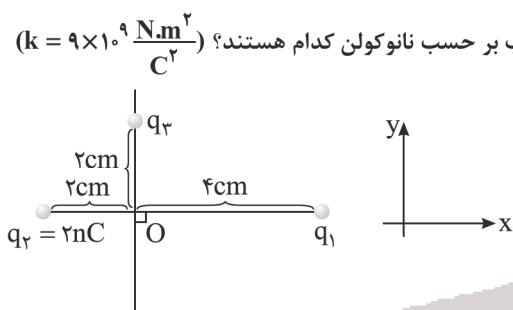
۰/۶ (۱)

۱/۲ (۲)

۴/۸ (۳)

۶/۵ (۴)

۵۷- مطابق شکل زیر سه بار  $q_1$  و  $q_2 = 2nC$  و  $q_3 = 2nC$  در نقاط مشخص شده قرار دارند. اگر بردار میدان الکتریکی در نقطه O در SI به



$$(k = 9 \times 10^9 \frac{\text{N} \cdot \text{m}^2}{\text{C}^2})$$

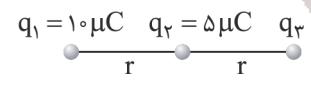
۸ - ۱۶ (۱)

۱۵ و ۵ (۲)

۸ و ۱۶ (۳)

۱۵ و -۵ (۴)

۵۸- مطابق شکل زیر، سه ذره باردار بر روی محور x ثابت شده‌اند و نیروی الکتریکی خالص F از طرف دو بار دیگر بر بار الکتریکی  $q_3$  وارد می‌شود. اگر بارهای الکتریکی  $q_1$  و  $q_2$  را به ترتیب به اندازه  $r$  و  $\frac{r}{2}$  به بار الکتریکی  $q_3$  نزدیک کنیم، اندازه نیروی الکتریکی خالص وارد بر بار الکتریکی  $q_3$  از طرف دو بار دیگر چند برابر F می‌شود؟



$$2(2) \quad 4(1) \quad 1(3) \quad \frac{1}{4}(4)$$

۵۹- دو بار الکتریکی نقطه‌ای  $q_1 = 5 \mu\text{C}$  و  $q_2 = 20 \mu\text{C}$  در فاصله ۱۲ سانتی‌متر از یکدیگر ثابت شده‌اند. فاصله نقطای روی خط واصل دو بار یا در امتداد آن که در آنها بر بار  $q_3 = -4 \mu\text{C}$  نیروهایی همان‌اندازه از سمت دو بار  $q_1$  و  $q_2$  وارد می‌شود، چند سانتی‌متر است؟

$$16(4) \quad 8(3) \quad 4(2) \quad 10(1)$$

۶۰- یک میله شیشه‌ای را با یک پارچه پشمی مالش می‌دهیم و سپس میله شیشه‌ای را به کلاهک الکتروسکوپ که دارای بار منفی است، به آرامی نزدیک می‌کنیم. چه تغییری در زاویه بین ورقه‌های الکتروسکوپ ( $\alpha$ ) رخ می‌دهد؟

۱) زیاد می‌شود.

۲) در ابتدا کم شده و در ادامه به طور حتم زیاد می‌شود.

۳) در ابتدا کم شده و ممکن است در ادامه زیاد شود.

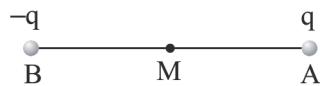
۴) تغییر نمی‌کند.

سری الکتروسیسته مالش
انتهای مثبت سری
موی انسان
شیشه
نایلون
پشم
موی گربه
سرب
انتهای منفی سرб



محل انجام محاسبه

۶۱- مطابق شکل زیر دو بار الکتریکی نقطه‌ای  $q$  و  $-q$  در نقاط A و B قرار دارند و برایند میدان الکتریکی این دو بار در نقطه M وسط پاره خط AB برابر E است. اگر تعدادی الکترون از بار الکتریکی که در نقطه B قرار دارد به بار الکتریکی که در نقطه A قرار دارد منتقل کنیم، بار الکتریکی در نقطه B برابر  $4q$  شده و در این صورت بزرگی میدان الکتریکی در نقطه M،  $E'$  می‌شود. نسبت  $\frac{E'}{E}$  کدام است؟

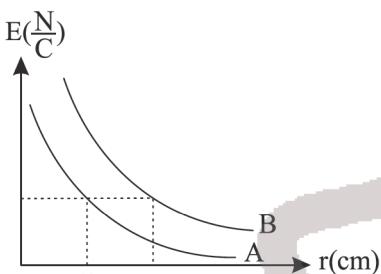


- ۱)  $\frac{5}{6}$   
۲)  $\frac{4}{3}$   
۳)  $\frac{2}{3}$   
۴)  $\frac{1}{4}$

۶۲- اگر به کره رسانا که دارای بار الکتریکی مثبت است، تعداد  $14 \times 10^{13}$  الکترون دهیم، اندازه بار آن  $8 \times 10^{-19} C$  می‌باشد. بار اولیه کره رسانا چند میکروکولون بوده است؟

- ۱)  $2/8$   
۲)  $28$   
۳)  $0/8$   
۴)  $8$

۶۳- نمودار تغییرات اندازه میدان الکتریکی بر حسب فاصله برای دو بار الکتریکی نقطه‌ای  $q_A$  و  $q_B$  به صورت شکل زیر است. نسبت



- ۱)  $\frac{q_B}{q_A}$   
۲)  $1/2$   
۳)  $4/3$   
۴)  $16/4$

۶۴- چه تعداد از گزاره‌های زیر در شرایط الکترواستاتیک صحیح است؟  
الف) پتانسیل الکتریکی نقاط نوک تیز یک رسانای دوکی شکل منزوی بیشتر از نقاط پهن آن است.

- ۱)  $2/3$   
۲)  $1/2$   
۳)  $0/2$   
۴) صفر

۶۵- در فضای میدان الکتریکی یکنواختی به بزرگی  $4 \times 10^4 N/C$  که جهت آن قائم رو به بالا است، ذرهای با بار  $C$  از حال سکون رها می‌شود.  
اگر جرم ذره ۲ گرم باشد، تندی آن پس از طی مسافت ۱۰ سانتی‌متر چند متر بر ثانیه می‌شود؟ ( $g = 10 m/s^2$  و اتفاف انرژی ناچیز است)

- ۱)  $1/\sqrt{2}$   
۲)  $\sqrt{2}$   
۳)  $2/3$   
۴)  $0/2$

۶۶- بار الکتریکی  $q = -40 nC$  از نقطه‌ای با پتانسیل الکتریکی  $V_1 = -20 V$  تا نقطه‌ای با پتانسیل  $V_2 = -10 V$  آزادانه جابه‌جا می‌شود.  
انرژی پتانسیل الکتریکی باز  $q$  چه اندازه و چگونه تغییر می‌کند؟

- ۱)  $-6 \times 10^{-6} J$  کاهش می‌یابد.  
۲)  $-7 \times 10^{-7} J$  افزایش می‌یابد.

۶۷- اندازه میدان الکتریکی یکنواخت بین صفحات یک خازن تخت E و دی‌الکتریک بین صفحات آن هوا است. اندازه چگالی سطحی بار الکتریکی هر یک از صفحات این خازن کدام است؟ ( $\epsilon_r$  ضریب گذردگی الکتریکی خلاً است)

- ۱)  $\epsilon_r E$   
۲)  $\frac{E}{\epsilon_r}$   
۳)  $\frac{\epsilon_r}{E}$   
۴)  $E \cdot \epsilon_r$

محل انجام محاسبه

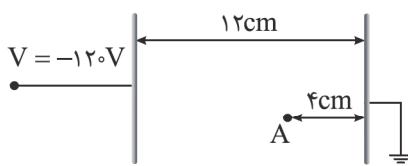
۶۸- خازنی از ماده‌ای با ثابت دیالکتریک  $\epsilon_r = 4/3$  پر شده است و به یک باتری با اختلاف پتانسیل  $V = 50$  متصل است. فاصله صفحات این خازن  $6/8$  میلی‌متر می‌باشد. در حالی که خازن به باتری متصل است، دیالکتریک را از میان صفحات خازن بیرون می‌آوریم. صفحات خازن را چند میلی‌متر دور با نزدیک کنیم تا انرژی خازن تغییر نکند؟

$$1) \text{ دور کنیم } 4/8 \text{ mm} \quad 2) \text{ نزدیک کنیم } 4/8 \text{ mm} \quad 3) \text{ دور کنیم } 2 \text{ mm} \quad 4) \text{ دور کنیم } 3 \text{ mm}$$

۶۹- روی صفحات خازن تختی به ظرفیت  $30\mu\text{F}$  که میان صفحات خازن هوا بوده و فاصله بین دو صفحه آن  $4\text{mm}$  است، بار الکتریکی  $40\mu\text{C}$  ذخیره شده است. بر بار الکتریکی نقطه‌ای  $4n\text{C}$  که در بین دو صفحه این خازن و به دور از لبه‌های صفحات خازن قرار گرفته است نیروی الکتریکی چند نیوتون از طرف خازن وارد می‌شود؟

$$1) 2 \times 10^{-6} \quad 2) 4 \times 10^{-5} \quad 3) 9 \times 10^{-6} \quad 4) 15 \times 10^{-5}$$

۷۰- مطابق شکل زیر ذره‌ای به جرم  $40\text{ g}$  با بار الکتریکی مشتبه به اندازه  $q$  از حال سکون از نقطه A رها می‌شود و با تندی  $4^{\circ}\text{s}$  به صفحه مقابلش برخورد می‌کند. اگر از نیروی گرانش و مقاومت هوا صرف نظر کنیم، مقدار  $q$  چند کولن است؟



۱)  $1/1$   
۲)  $1/2$   
۳)  $1/4$   
۴)  $1/8$

۷۱- عبارت بیان شده در کدام گزینه نادرست است؟

- ۱) گروه‌های عاملی در تعیین خواص فیزیکی و شیمیایی ماده نقش دارند.
- ۲) در آلدهیدها برخلاف کتون‌ها گروه عاملی کربونیل به اتم هیدروژن متصل است.
- ۳) همپارهای یک ترکیب محتوای انرژی متفاوتی دارند.
- ۴) در همه واکنش‌های شیمیایی اختلاف مجموع آنتالپی پیوندها در مواد واکنش دهنده و فراورده هم‌ارز با آنتالپی واکنش است.

چند مورد از عبارت‌های زیر درست است؟

- ترکیب آلی آروماتیک موجود در بادام با ترکیب زیر ایزومر است.
- آنتالپی واکنش:  $2\text{H}_2\text{O(g)} \rightarrow 2\text{H(g)} + \text{O(g)}$  برابر میانگین آنتالپی پیوند « $\text{O} - \text{H}$ » است.
- آنتالپی واکنش:  $\text{CH}_3\text{OH(l)} + \frac{3}{2}\text{O}_2\text{(g)} \xrightarrow{-25^\circ\text{C}} \text{CO}_2\text{(g)} + 2\text{H}_2\text{O(g)}$ ، برابر با آنتالپی سوختن متانول در دمای اتاق است.
- تعیین آنتالپی واکنش تولید ترکیب سازنده بخش عمده گاز طبیعی از عناصر سازنده آن به روش تجربی امکان‌پذیر نیست.

$$1) 4 \quad 2) 2 \quad 3) 3 \quad 4) 4$$

۷۳- اگر ارزش سوختی گرافیت، گاز هیدروژن و گاز متان به ترتیب برابر با  $32/5$ ،  $34/3$  و  $56$  کیلوژول بر گرم باشد، آنتالپی واکنش زیر بر حسب کیلوژول کدام است؟ ( $C = 12$ ،  $H = 1: \text{g.mol}^{-1}$ )



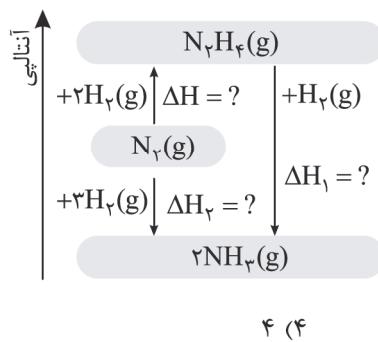
$$1) +66 \quad 2) -66 \quad 3) +75 \quad 4) -75$$

۷۴- کدام مقایسه زیر نادرست است؟

۱) شمار اتم‌های سازنده گروه عاملی: هیدروکسیل = کربونیل > اتر



۴) سرعت واکنش تجزیه هیدروژن پراکسید: دما =  $50^\circ\text{C}$  < دما =  $50^\circ\text{C}$  < دمای اتاق



- ۷۵ با توجه به نمودار زیر، چند مورد از عبارت‌های زیر نادرست هستند؟

● در شرایط یکسان، هیدرازین نسبت به آمونیاک پایدارتر است.

●  $\Delta H$  تولید هیدرازین در این فرایند همانند  $\Delta H$  تولید  $H_2O_2$  از گازهای  $H_2$  و  $O_2$  را نمی‌توان به روش تجربی تعیین کرد.

● نمودار نشان‌دهنده این است که تهیه آمونیاک از گازهای  $H_2$  و  $N_2$  در دو مرحله انجام می‌شود.

● اگر آنتالپی تولید  $NH_3$  از واکنش  $N_2H_4$  با گاز هیدروژن به ترتیب برابر با  $-92\text{kJ}$  و  $-183\text{kJ}$  باشد،  $\Delta H$  واکنش تولید هیدرازین برابر  $+91\text{kJ}$  است.

(۱)

(۲)

(۳)

- |   |                              |
|---|------------------------------|
| ۱) $\text{Cu(s)} + \text{F}_2(\text{g}) \rightarrow \text{CuF}_2(\text{s})$   | $\Delta H_1 = -531\text{kJ}$ |
| ۲) $\text{N}_2\text{F}_4(\text{g}) + 2\text{NOF}(\text{g}) \rightarrow 2\text{NF}_3(\text{g}) + 2\text{NO}(\text{g})$ | $\Delta H_2 = +829\text{kJ}$ |
| ۳) $2\text{NO}(\text{g}) + \text{F}_2(\text{g}) \rightarrow 2\text{NOF}(\text{g})$                                    | $\Delta H_3 = -314\text{kJ}$ |

اگر به ازای مصرف ۱۶ گرم فلز مس در واکنش:  $\text{Cu(s)} + 2\text{NF}_3(\text{g}) \rightarrow \text{CuF}_2(\text{s}) + \text{N}_2\text{F}_4(\text{g})$  ۱۳۳ کیلوژول گرمما آزاد شود، بازده

تولید گرمما در این واکنش به تقریب برابر با کدام است؟ ( $\text{Cu} = 64 \text{ g.mol}^{-1}$ )

(۱)

(۲)

(۳)

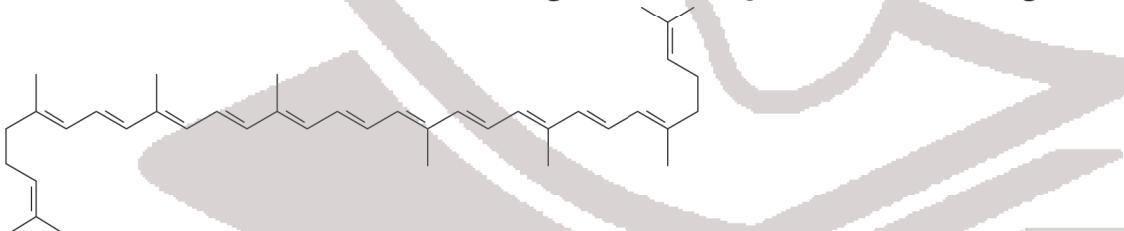
(۴)

- ۷۷ درصد جرمی کربوهیدرات، چربی و پروتئین در یک وعده غذایی به ترتیب برابر با ۴۲، ۴۲ و ۹ است. انرژی حاصل از خوردن ۲۰۰ گرم از این ماده برای چند دقیقه پیاده‌روی کافی است؟ (آهنگ مصرف انرژی در پیاده‌روی را ۱۵۰ kcal = ۴J ارزش سوختی کربوهیدرات، چربی و پروتئین را به ترتیب برابر با ۱۷، ۳۸ و ۱۷ کیلوژول بر گرم در نظر بگیرید).

(۱) ۳۲۴ (۲) ۱۸۰ (۳) ۴۱۲ (۴) ۲۱۹

- ۷۸ کدام موارد از عبارت‌های زیر درست است؟

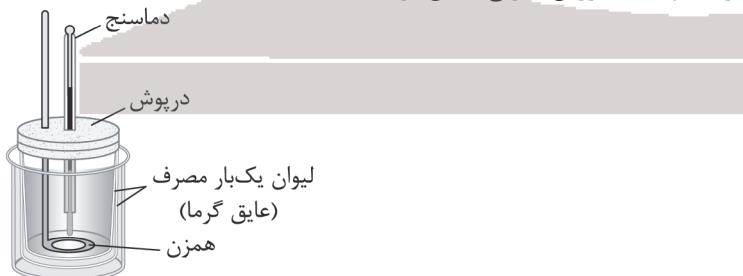
آ) ترکیب زیر نوعی بازدارنده است که سبب کاهش فعالیت رادیکال‌ها می‌شود.



ب) تأمین شرایط بهینه برای انجام شمار محدودی از واکنش‌های شیمیایی دشوار است.

پ) کلستروول و ترکیب آلی موجود در گشنیز هر دو الکل‌های یک عاملی سیرن شده هستند.

ت) به کمک دستگاه زیر می‌توان گرمای واکنش را در حجم ثابت به روش تجربی تعیین کرد.



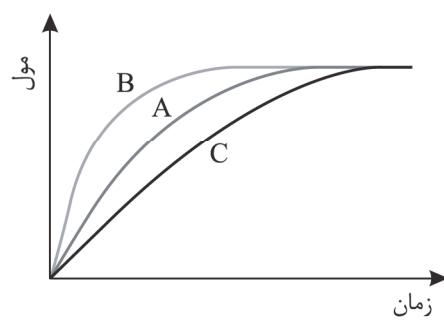
(۴) آ، ب و پ

(۳) پ و ت

(۲) آ، پ و ت

(۱) آ و پ

محل انجام محاسبه



- ۷۹- با توجه به نمودار داده شده، همه گزینه‌های زیر درست هستند، به جز .....

- ۱) در شرایط یکسان اگر نمودار A مربوط به تولید گاز در واکنش سدیم با آب سرد باشد، نمودار B را می‌توان به تولید گاز در واکنش پتابسیم با آب سرد نسبت داد.

- ۲) با استفاده از برآدهای آهن به جای قطعه آهنی، نمودار واکنش این فلز از B به A تبدیل می‌شود.

- ۳) اگر نمودار C مربوط به واکنش فلز روی با محلول  $0.5\text{ Molar CuSO}_4$  باشد، نمودار B می‌تواند مربوط به همین واکنش با محلول  $1/5\text{ Molar CuSO}_4$  باشد.

- ۴) نمودارهای A، B و C به ترتیب می‌توانند مربوط به واکنش گازهای  $\text{SO}_2$  و  $\text{O}_2$  با یکدیگر در دماهای  $52^\circ\text{C}$ ،  $58^\circ\text{C}$  و  $55^\circ\text{C}$  باشند.

- ۸۰- تغییرات غلظت گاز  $\text{NOCl}$  نسبت به زمان در واکنش  $2\text{NOCl}(g) \rightarrow 2\text{NO}(g) + \text{Cl}_2(g)$  در جدول زیر داده شده است. با ادامه این واکنش تا ۶ دقیقه، سرعت متوسط تولید  $\text{Cl}_2$  در دو دقیقه آخر انجام واکنش بر حسب  $\text{mol.L}^{-1}\text{s}^{-1}$  می‌تواند برابر چه عددی باشد و با فرض اینکه سرعت واکنش پس از دقیقه چهارم با سرعت در بازه زمانی ۲ تا ۴ دقیقه برابر باشد، کل زمان انجام واکنش، چند ثانیه است؟

	۴	۲	۱	۰	زمان (min)
	$0.024$	$0.03$	$0.034$	$0.04$	$[\text{NOCl}](\text{mol.L}^{-1})$

$$720 - 1.9 \times 10^{-5} \quad (2) \quad 720 - 3.4 \times 10^{-5} \quad (1)$$

$$480 - 3.4 \times 10^{-5} \quad (4) \quad 480 - 1.9 \times 10^{-5} \quad (3)$$

- ۸۱- عبارت بیان شده در کدام گزینه نادرست است؟

- ۱) محیط‌های سرد، خشک، تاریک و عاری از اکسیژن برای نگهداری انواع مواد غذایی مناسب است.

- ۲) در اثر واکنش محلول‌های  $\text{NaCl}$  و  $\text{AgNO}_3$ ، رسوب سفید رنگ به سرعت تشکیل می‌شود.

- ۳) تولید گازهای گلخانه‌ای به ویژه  $\text{CO}_2$  نشانگر چهره آشکار ردپای غذا است.

- ۴) اگر فردی نیاز فوری به ارزشی داشته باشد، خوردن ماده غذایی محتوی کربوهیدرات به او توصیه می‌شود.

- ۸۲- اگر پس از تجزیه کامل مقداری گاز  $\text{NO}_2$  در یک ظرف سربسته  $15\text{ L}$  برای  $1/5\text{ Molar NO}_2$  در مدت زمان  $8/1\text{ s}$  تولید گاز در ظرف موجود باشد، سرعت متوسط تولید گاز  $\text{NO}$  در این بازه زمانی چند  $\text{mol.L}^{-1}\text{s}^{-1}$  است؟



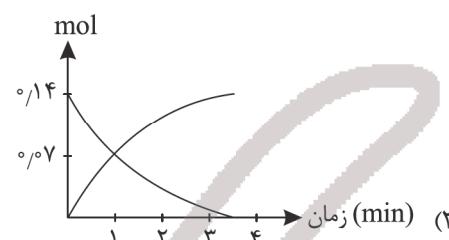
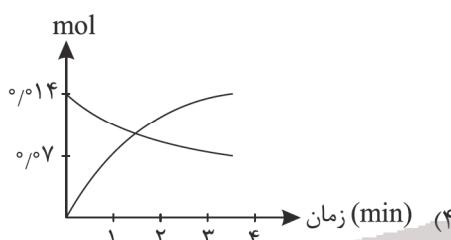
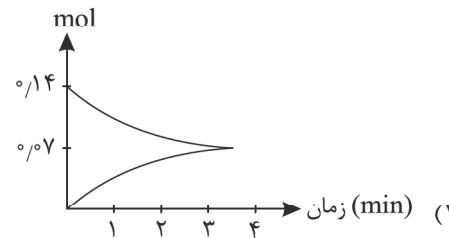
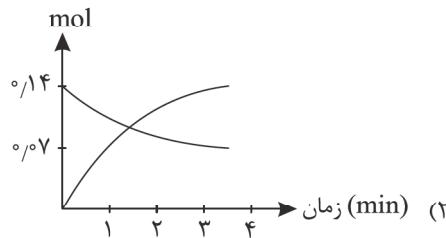
$$6 \times 10^{-3} \quad (2) \quad 2 \times 10^{-3} \quad (1)$$

$$8 \times 10^{-3} \quad (4) \quad 4 \times 10^{-3} \quad (3)$$

محل انجام محاسبه

- ۸۳- اگر سرعت متوسط تجزیه  $\text{N}_2\text{O}_5$  در  $21^\circ\text{C}$  ۲ ثانیه ابتدایی واکنش در یک ظرف ۲ لیتری برابر  $10^{-2} \text{ mol.L}^{-1}.\text{min}^{-1}$  باشد و مقدار اولیه این گاز نیز برابر  $14/0$  مول باشد، نمودار تغییرات مول های واکنش دهنده و فراورده نیتروژن دار تولیدی بر حسب زمان کدام است؟  

$$2\text{N}_2\text{O}_5(\text{g}) \rightarrow 4\text{NO}_2(\text{g}) + \text{O}_2(\text{g})$$



- ۸۴- عبارت بیان شده در همه گزینه های زیر درست است، به جز .....

۱) مواد اولیه در ساخت آثار ماندگار باید واکنش پذیری کم و استحکام بالایی داشته باشند.

۲) حضور نوعی ترکیب یونی در خاک رس عامل رنگ سرخ آن است.

۳) در ساختار جامد های کووالانسی مولکول های مستقل وجود ندارند و اتم ها ذره های سازنده آنها هستند.

۴) نخستین شبیه فلز گروه ۱۴ جدول تناوبی فراوان ترین عنصر در پوسته جامد زمین است.

- ۸۵- درصد جرمی آب در یک نمونه خاک رس برابر ۱۳ درصد است. اگر هنگام پختن سفالینه های تهیه شده از خاک رس، جرم آب موجود در ۱۰۰ گرم نمونه اولیه به اندازه ۵ گرم کاهش یابد، مجموع درصد جرمی سایر مواد به چند درصد افزایش می یابد؟

۹۱/۶ (۴) ۸۷ (۳) ۷۱/۴ (۲) ۸۲/۲ (۱)

- ۸۶- چند مورد از عبارت های زیر درباره فراوان ترین اکسید پوسته جامد زمین درست است؟

● در ساختار آن هر اتم با چهار پیوند کووالانسی به چهار اتم دیگر متصل است.

● نوع خالص آن به دلیل دارا بودن خواص نوری ویژه در ساخت منشور و عدسی کاربرد دارد.

● سختی و نقطه ذوب آن از الماس بیشتر است.

● ساختار آن از حلقه های شش ضلعی تشکیل شده که هر ضلع آن شامل پیوندهای اشتراکی Si - O - Si است.

۴ (۴) ۳ (۳) ۲ (۲) ۱ (۱)

- ۸۷- کدام موارد از عبارت های زیر در ارتباط با آلوتروب های طبیعی کربن نادرست است؟

آ) در جرم های برابر الماس حجم بیشتری نسبت به گرافیت اشغال می کند.

ب) هر دو جامد کووالانسی هستند که یکی دارای ساختار دوبعدی و دیگری دارای ساختار سه بعدی است.

پ) تکلایه ای از آلوتروب رسانای جریان برق، شفاف و انعطاف پذیر است و مقاومت کششی آن حدود ۱۰۰ برابر فولاد است.

ت) پایداری و طول پیوند میان اتم ها در گرافیت بیشتر از الماس است.

۴ (۴) ۳ (۳) ۲ (۲) آ و ت ۱) ب و پ

محل انجام محاسبه

- ۸۸- چند مورد از عبارت‌های زیر درست است؟

● نیروی میان لایه‌های گرافیت از نوع وان دروالسی است.

● بین خشک ترکیبی مولکولی است که در دمای اتاق به حالت گازی وجود دارد.

● میانکین آنتالپی پیوندها در جامد کووالانسی به کار رفته در تهیه سنباده از این مقدار در سیلیسیم کمتر است.

● واژه‌های شیمیایی رایج مانند فرمول مولکولی و نیروهای بین مولکولی برای توصیف ۳ مورد از مواد: (گرافیت،  $C(s)$ ,  $(NH_4)_3PO_4$ ,  $SiO_2$  و  $C_8H_{18}$ ,  $HF$ ) می‌تواند به کار روید.

۴ (۴)

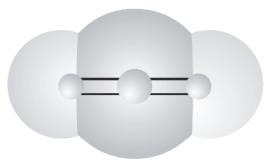
۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

- ۸۹- عبارت بیان شده در کدام گزینه درست است؟

۱) مولکول با نقشهٔ پتانسیل الکتروستاتیکی زیر به دلیل دارا بودن بارهای  $\delta^+$  و  $\delta^-$  در میدان الکتریکی جهت‌گیری می‌کند.



۲) دی متیل اتر بر خلاف پروپان قطبی است و نقطهٔ جوش بالاتری دارد.

۳) اتم مرکزی در مولکول‌های گوگرد دی‌اکسید و کربن تراکلرید در میدان الکتریکی به دو سمت متفاوت جهت‌گیری می‌کنند.

۴) در ترکیب‌های یونی بر اساس یک الگوی تکرارشونده نیروهای جاذبه و دافعه میان شمار معینی از یون‌ها وجود دارد.

- ۹۰- عبارت بیان شده در کدام گزینه نادرست است؟

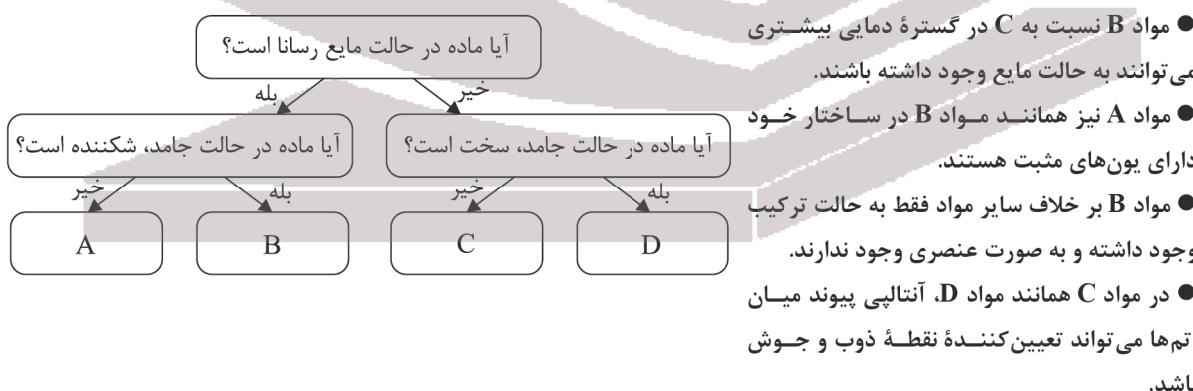
۱) مولکول‌های سه‌اتمی خطی ممکن است قطبی و یا ناقطبی باشند.

۲) در مولکول‌های دواتمی ناجور هسته احتمال حضور جفت الکترون پیوندی پیرامون هسته اتم دارای خاصیت نافلزی بالاتر بیشتر است.

۳) گوگرد تری‌اکسید همانند کلروفرم گشتاور دوقطبی بزرگ‌تر از صفر دارد.

۴) کربونیل سولفید همانند اتبین دارای ساختار خطی است اما بر خلاف آن قطبی است.

- ۹۱- با توجه به نمودار زیر، چند مورد از عبارت‌های بیان شده، نادرست است؟



۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

محل انجام محاسبه

۹۲- کدام گزینه در مورد فلزها نادرست است؟

- ۱) بر اساس مدل دریای الکترونی، ساختار فلزها آرایش منظمی از کاتیون‌ها در سه بعد است.
- ۲) در شبکه بلور فلز وانادیم، الکترون‌های موجود در زیرلایه‌های  $4s$  و  $3d$  این فلز در دریای الکترونی حضور دارند.
- ۳) فلزات برخلاف جامدات یونی چکش‌خوار بوده و این ویژگی را می‌توان با مدل دریای الکترونی آنها توجیه کرد.
- ۴) از فلزهای موجود در گروههای ۴ و ۸ جدول تناوبی برای ساخت آلیاژ هوشمند نیتینول استفاده می‌شود.

۹۳- عبارت بیان شده در کدام گزینه در ارتباط با دومین فلز دسته **d** جدول تناوبی نادرست است؟

- ۱) به دلیل دارا بودن ویژگی‌هایی همچون ماندگاری و استحکام بالا فلزی فراتر از انتظار است.
- ۲) واکنش‌پذیری آن از فلزهای پتانسیم و کلسیم کمتر است.
- ۳) نقطه ذوب و چگالی بالاتری نسبت به فولاد دارد.

۴) به دلیل واکنش ناچیز آن با ذره‌های موجود در آب، در ساخت پروانه کشتی اقیانوس‌پیما به کار می‌رود.

۹۴- با توجه به اینکه **X** و **Y** دو عنصر نافلزی متعلق به یک گروه از جدول تناوبی هستند و عنصر **Y** دارای شعاع اتمی بزرگ‌تری است،

عنصر **A** متعلق به گروه دوم جدول تناوبی بوده و **B** عنصری با عدد اتمی ۱۱ است، چند مورد از مطالب زیر درست است؟

- آنتالپی فروپاشی شبکه ترکیب حاصل از **B** و **X** می‌تواند بزرگ‌تر، کوچک‌تر و یا برابر آنتالپی فروپاشی شبکه بلور **B** با **F** باشد.
- اگر آنتالپی فروپاشی شبکه  $AX$  برابر  $-380\text{ kJ}\cdot\text{mol}^{-1}$  باشد، می‌توان با مصرف  $205\text{ kJ}$  انرژی برای فروپاشی شبکه  $AY$ ، ۱۰ مول یون گازی تولید نمود.

● نقطه ذوب بلور **A** با **X** به طور قطعی از نقطه ذوب بلور **B** با **Y** بیشتر است.

● اختلاف آنتالپی فروپاشی شبکه  $BCl$  با  $BBr$  نسبت به  $BF$  بیشتر است.

(۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) ۴

۹۵- عبارت بیان شده در کدام گزینه در ارتباط با فناوری تولید انرژی الکتریکی از پرتوهای خورشیدی نادرست است؟

- ۱) شاره موجود در برج گیرنده باید ظرفیت گرمایی بالایی داشته باشد.
- ۲) در این فرایند شاره یونی مورد استفاده برخلاف شاره مولکولی همواره به حالت مایع است.
- ۳) شاره مولکولی مورد استفاده که توربین را به حرکت درمی‌آورد باید نقطه جوش بالایی داشته باشد.
- ۴) با متمرکز شدن پرتوهای خورشیدی توسط آینه‌ها، دمای شاره‌ای که در گستره دمایی وسیعی به حالت مایع است، افزایش می‌یابد.

محل انجام محاسبه



# مرکز سنجش آموزش مدارس برتر

آزمون شماره ۹  
۱۴۰۲ پیاپی



## پاسخنامه ریاضی - فیزیک

ردیف	نام درس	سرگروه	گروه طراحی و بازنگری (به ترتیب حروف الفبا)	ویراستاران
۱	حسابات	حسابان	حسین شفیع‌زاده - مهرداد کیوان	سینا پرهیزکار - نیما اشرف‌نیا
۲	هندسه	مهریار راشدی	علیرضا شیرازی - حسن محمدبیگی	داریوش امیری - مهدیار شریف
۳	گسسته	رضا توکلی	رضا توکلی - مصطفی دیداری	داریوش امیری - مهدیار شریف
۴	فیزیک	جواد قزوینیان	امیرحسین رستگار - محمد Mehdi شریفی	محمد رضا خادمی - مهدیار شریف
۵	شیمی	مسعود جعفری	محبوبه بیک‌محمدی - محمدحسن محمدزاده مقدم	محمد‌مهدی صوفیان - کارو محمدی

گروه تایپ و ویراستاری (به ترتیب حروف الفبا)
زهرا احدی - امیر علی الماسی - میبنا بهرامی - معین الدین تقی‌زاده - کبری سلیمانی - مهرداد شمسی - راضیه صالحی - انسیه مرزبان

برای اطلاع از اخبار مرکز سنجش آموزش مدارس برتر، به کanal تلگرام [@taraaznet](https://t.me/taraaznet) مراجعه نمایید.



## ۶. گزینه ۳ صحیح است.

چون  $f$  یک چندجمله‌ای است در ابتدا فرض می‌کنیم  $f$  درجه  $n$  باشد،  
 $f'$  درجه  $n-1$  است. پس  $f \circ f'$  درجه  $n(n-1)$  است، پس:

$$n(n-1) = 2 \Rightarrow n = 2 \Rightarrow f(x) = ax^2 + bx + c$$

$$f'(x) = 2ax + b$$

$$f \circ f'(x) = a(2ax + b)^2 + b(2ax + b) + c$$

$$f \circ f'(x) = 4a^2x^2 + (4ab + 2a^2)x + ab^2 + b^2 + c$$

$$\begin{cases} 4a^2 = 4 \Rightarrow a = 1 \\ 4a^2b + 2ab = -6 \Rightarrow 6b = -6 \Rightarrow b = -1 \\ ab^2 + b^2 + c = 2 \Rightarrow 1 + 1 + c = 2 \Rightarrow c = 0 \end{cases}$$

$$f(x) = x^2 - x \Rightarrow f \circ f'(x) = f'(x)$$

$$f'(x) = 2x - 1 \Rightarrow f'(x) = 1$$

(حسابان دوازدهم، صفحه های ۱۰۰ و ۱۰۱)

## ۷. گزینه ۲ صحیح است.

$$f'(x) = \frac{6x^2 + 2ax}{\sqrt{(2x^2 + ax^2 + 2)^2}}$$

چون در  $x=2$  مماس قائم دارد، پس  $x=2$  ریشه مخرج است، پس:

$$16 + 4a + 2 = 0 \Rightarrow a = -\frac{18}{4} = -\frac{9}{2}$$

$$f'(x) = 0 \Rightarrow 6x^2 - 9x = 0 \Rightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = \frac{9}{2} \end{cases}$$

(حسابان دوازدهم، صفحه ۹۹)

## ۸. گزینه ۱ صحیح است.

$$f'(x) = 3 \tan^2 \frac{\pi}{\sqrt{3x+1}} \left( 1 + \tan^2 \frac{\pi}{\sqrt{3x+1}} \right) \cdot \frac{3\pi}{\sqrt{3x+1}}$$

$$f'(\Delta) = 3 \times 1 \times (1+1) \times \frac{-3\pi}{8 \times 16} \Rightarrow f'(\Delta) = 6 \times \frac{-3\pi}{8 \times 16} = \frac{-9\pi}{64}$$

(حسابان دوازدهم، صفحه ۱۰۱)

## ۹. گزینه ۴ صحیح است.

$$M(\alpha, \frac{2\alpha}{\alpha-1}), A(\alpha, \cdot) \Rightarrow m_{AM} = f'(\alpha)$$

$$\frac{2\alpha}{\alpha-1} = \frac{-2}{(\alpha-1)^2} \Rightarrow \alpha(\alpha-1) = 4 - \alpha$$

$$\alpha^2 - \alpha = 4 - \alpha \Rightarrow \begin{cases} \alpha = 2 \\ \alpha = -2 \end{cases} \Rightarrow \alpha_1, \alpha_2 = -4$$

(حسابان دوازدهم، صفحه ۹۹)

## ۱۰. گزینه ۴ صحیح است.

$$\bar{f} = \frac{f(\gamma) - f(-1)}{4} = \frac{(1\lambda + 2m - 1) - (\gamma - m - 1)}{4} \Rightarrow \bar{f} = 4 + m$$

$$f'(x) = 4x + m$$

$$f'(\gamma) = 4 + m \Rightarrow 4 + m = 2(4 + m)$$

$$\Rightarrow m = -4 \Rightarrow f'(-2) = -8 + m = -12$$

(حسابان دوازدهم، صفحه ۱۰۴)

## ۱۱. گزینه ۳ صحیح است.

$$f(x) = (\sqrt{x-4} + 1)^2 + 3 \Rightarrow (\sqrt{f(x)-3} - 1)^2 + 4 = x$$

$$\Rightarrow f^{-1}(x) = (\sqrt{x-3} - 1)^2 + 4$$

پس  $gof(x) = x$  لذا  $g(x) = f^{-1}(x)$

$$f^{-1} \circ f(x) = x, f^{-1}(x) = x \Rightarrow f'(x) \cdot (f^{-1})'(f(x)) = 1$$

$$(f^{-1})'(x) \cdot f'(f^{-1}(x)) = 1$$

$$(g \circ f)'(x) = f'(x) \cdot g'(f(x)) = 1$$

(حسابان دوازدهم، صفحه ۹۶)

## ۱. گزینه ۲ صحیح است.

$$f(\gamma) = 3, f'(\gamma) = -4$$

$$y = gof(x) \Rightarrow y'(\gamma) = f'(\gamma) \cdot g'(f(\gamma))$$

$$y'(\gamma) = -4 \times g'(\gamma)$$

$$g'(x) = \frac{\frac{1}{2\sqrt{x+1}} \cdot (x-2) - \sqrt{x+1}}{(x-2)^2}$$

$$g'(\gamma) = \frac{\frac{1}{2} - 2}{1} = -\frac{3}{2} \Rightarrow y'(\gamma) = -4 \times -\frac{3}{2} = 6$$

(حسابان دوازدهم، صفحه ۹۶)

## ۲. گزینه ۱ صحیح است.

$$\text{اگر فرض کنیم } \begin{cases} g(x) = 2x - \sqrt{x+2} \\ h(x) = x + \sqrt{x} \end{cases} \text{ آنگاه } g(0) = 0, h(0) = 0, \text{ پس:}$$

$$f(x) = g(x)h(x)$$

$$f'(x) = 2g(x)g'(x)h(x) + h'(x)g(x)$$

$$f''(x) = 2(g'(x))^2 h(x)$$

$$h(x) = 2$$

$$g'(x) = 2 - \frac{1}{2\sqrt{x+3}}$$

$$g''(x) = 2 - \frac{1}{4} = \frac{7}{4}$$

$$f''(x) = 2 \times \frac{49}{16} \times 2 = \frac{49}{8}$$

(حسابان دوازدهم، صفحه ۹۱)

## ۳. گزینه ۲ صحیح است.

$$f(x) = x^2 + x \Rightarrow f'(x) = 2x + 1 \Rightarrow f'(-1) = 4$$

$$A(-1, -2)$$

$$\text{خط مماس } y = 4x + 2 \Rightarrow \begin{cases} y = 4x + 2 \\ y = x^2 + x \end{cases} \Rightarrow x^2 + x = 4x + 2$$

$$x^2 - 3x - 2 = 0 \Rightarrow (x+1)(x-2) = 0 \Rightarrow x = 2$$

$$f'(x) = f'(2) = 13$$

(حسابان دوازدهم، صفحه ۹۹)

## ۴. گزینه ۲ صحیح است.

$$f(2x) = xg(3x) + 4x + 1 \Rightarrow 2f'(2x) = g(3x) + 3xg'(3x) + 4$$

$$\xrightarrow{x=0} 2f'(0) = g(0) + 4$$

$$f'(x) = 3 + \frac{4}{\sqrt{3x+1}} \Rightarrow f'(0) = 3 + 2 = 5$$

$$g(0) = 1 - 4 = -3$$

(حسابان دوازدهم، صفحه ۱۰۱)

## ۵. گزینه ۳ صحیح است.

$$f'(x) = 1 - \frac{1}{6} \times 2 \sin\left(\frac{\pi}{3} - 3x\right) \cos\left(\frac{\pi}{3} - 3x\right) \times -3$$

$$f'(x) = 1 + \frac{1}{2} \sin\left(\frac{\pi}{3} - 6x\right) \Rightarrow \begin{cases} \max = \frac{3}{2} \\ \min = \frac{1}{2} \end{cases}$$

پس به موازات خطی نمی‌توانیم مماس رسم کنیم که شبیه آن در بردار تابع نباشد.

(حسابان دوازدهم، صفحه ۱۰۱)





## هندسه

۱۶. گزینه ۱ صحیح است.

در مثلث  $\triangle ABC$  داریم:

$$\hat{A} + \hat{B} + \hat{C} = 180^\circ \Rightarrow \hat{A} + \hat{B} = 180^\circ - \hat{C}$$

$$\Rightarrow \cos(\hat{A} + \hat{B}) = \cos(180^\circ - \hat{C})$$

$$\Rightarrow \frac{-\sqrt{2}}{3} = -\cos \hat{C} \Rightarrow \cos \hat{C} = \frac{\sqrt{2}}{3}$$

پس:

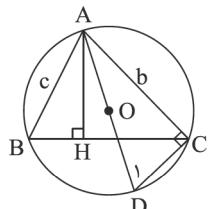
$$\sin \hat{C} = \sqrt{1 - \cos^2 \hat{C}} = \sqrt{1 - \frac{1}{9}} = \sqrt{\frac{8}{9}} = \frac{\sqrt{8}}{3}$$

به کمک قضیه سینوس‌ها می‌نویسیم:

$$\frac{AB}{\sin \hat{C}} = 2R \Rightarrow \frac{r}{\frac{\sqrt{8}}{3}} = 2R \Rightarrow R = \frac{3r}{\sqrt{8}}$$

بنابراین مساحت دایره برابر  $\pi r^2$  است.

(هندسه یازدهم، صفحه ۶۴)



۱۷. گزینه ۴ صحیح است.

با توجه به اینکه زاویه  $A\hat{C}D$  روبه‌رو به قطر  $AD$  است پس:

$$\begin{aligned} \hat{H} &= A\hat{C}D = 90^\circ \\ \hat{B} &= \hat{D}, \quad \text{مطابق} \end{aligned} \rightarrow \triangle ABH \sim \triangle ACD$$

نسبت اضلاع را می‌نویسیم.

$$\frac{c}{AD} = \frac{AH}{b} = \frac{BH}{DC}$$

$$\Rightarrow \frac{c}{2R} = \frac{BH}{DC} \Rightarrow DC = \frac{2R \times BH}{c} \quad (1)$$

$$\triangle ABH : \cos \hat{B} = \frac{BH}{c} \Rightarrow BH = c \cos \hat{B} \quad (2)$$

$$\triangle ABC : \text{قضیه سینوس‌ها در } \frac{b}{\sin \hat{B}} = 2R \quad (3)$$

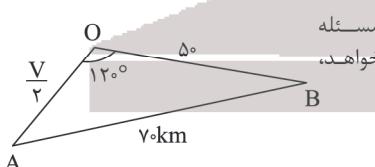
$$\frac{b}{\sin \hat{B}} \times c \cos \hat{B} \Rightarrow DC = \frac{b \times c \cos \hat{B}}{c} = b \cot \hat{B}$$

(هندسه یازدهم، صفحه‌های ۶۲ و ۶۳)

۱۸. گزینه ۲ صحیح است.

با توجه به اینکه مسئله نیم ساعت بعد را می‌خواهد.

پس:



$$OA = V \times \frac{1}{\sqrt{3}} = \frac{V}{\sqrt{3}}, \quad OB = 100 \times \frac{1}{\sqrt{3}} = \frac{100}{\sqrt{3}} \text{ km}$$

قضیه کسینوس‌ها را می‌نویسیم:

$$AB^2 = OA^2 + OB^2 - 2OA \times OB \times \cos \hat{O}$$

$$4900 = \left(\frac{V}{\sqrt{3}}\right)^2 + \left(\frac{100}{\sqrt{3}}\right)^2 - 2\left(\frac{V}{\sqrt{3}}\right)\left(\frac{100}{\sqrt{3}}\right)\left(-\frac{1}{2}\right)$$

$$\frac{V^2}{3} + 2500 - 200V = 0$$

$$\left(\frac{V}{\sqrt{3}} + 25\right)^2 - \left(25\right)^2 - 200V = 0 \Rightarrow \left(\frac{V}{\sqrt{3}} + 25\right)^2 = 300$$

$$\Rightarrow \left(\frac{V}{\sqrt{3}} + 25\right)^2 = 25 \times 121$$

$$\left|\frac{V}{\sqrt{3}} + 25\right| = 5 \times 11 = 55 \Rightarrow \frac{V}{\sqrt{3}} + 25 = 55$$

$$\Rightarrow \frac{V}{\sqrt{3}} = 30 \Rightarrow V = 30 \frac{\text{km}}{\text{h}}$$

(هندسه یازدهم، صفحه ۶۵)

۱۲. گزینه ۱ صحیح است.

$$f'(x) = \frac{4x + a}{\sqrt[3]{(2x^2 + ax + a)^2}}$$

یا  $x = 2$  ریشه صورت است یا ریشه مخرج است.

$$4x + a = 0 \Rightarrow a = -4x$$

$$8 + 2a + a = 0 \Rightarrow a = -\frac{8}{3} \Rightarrow a_1 + a_2 = -8 - \frac{16}{3} = -\frac{40}{3} = -\frac{29}{3}$$

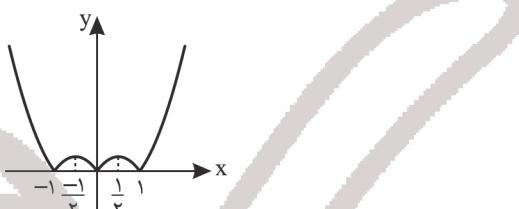
(حسابات دوازدهم، صفحه ۱۱۷)

۱۳. گزینه ۴ صحیح است.

$$x \geq 0 : f(x) = |x - x^2|$$

$$x \leq 0 : f(x) = |x + x^2|$$

به کمک رسم نمودار داریم:

طول نقاط بحرانی  $\{0, \frac{1}{2}, -\frac{1}{2}, 1, -1\}$ 

$$f'(x) = 0 \Rightarrow x = \pm \frac{1}{2}$$

در نقاط  $x = 0$  و  $x = 1$  و  $x = -1$  مشتق وجود ندارد.

(حسابات دوازدهم، صفحه ۱۱۷)

۱۴. گزینه ۲ صحیح است.

$$D = [0, a] \Rightarrow f(x) = \sqrt{a}, \quad f(a) = 2\sqrt{a}$$

$$f'(x) = \frac{2}{2\sqrt{x}} - \frac{1}{2\sqrt{a-x}} = 0 \Rightarrow \sqrt{x} = \sqrt{a-x}$$

$$x = \frac{a}{2} \Rightarrow a - x = \frac{a}{2} \Rightarrow x = \frac{a}{2}$$

$$f\left(\frac{a}{2}\right) = 2\sqrt{\frac{a}{2}} + \sqrt{\frac{a}{2}} = \sqrt{\frac{3a}{2}}$$

$$f\left(\frac{a}{2}\right) = \frac{a}{2}\sqrt{\frac{a}{2}} = \sqrt{\frac{a^2}{4}}$$

$$\max = \sqrt{\frac{a^2}{4}} \Rightarrow \sqrt{\frac{a^2}{4}} \times \sqrt{a} = \sqrt{\frac{a^3}{4}} = \sqrt{2}a \Rightarrow a = 2$$

$$\min = \sqrt{a}$$

۱۵. گزینه ۴ صحیح است.

هر چهار تابع فاقد نقطه بحرانی هستند. زیرا:

$$y = x\sqrt{x^2 + 1} \Rightarrow y' = \sqrt{x^2 + 1} + \frac{x^2}{\sqrt{x^2 + 1}} = \frac{2x^2 + 1}{\sqrt{x^2 + 1}} > 0$$

$$y = x + \sqrt{x^2 + 1} \Rightarrow y' = 1 + \frac{x}{\sqrt{x^2 + 1}} = \frac{\sqrt{x^2 + 1} + x}{\sqrt{x^2 + 1}} > 0$$

$$y = \frac{x}{\sqrt{x^2 + 1}} \Rightarrow y' = \frac{\sqrt{x^2 + 1} - x^2}{x^2 + 1} = \frac{1}{(x^2 + 1)\sqrt{x^2 + 1}} > 0$$

$$y = x - \sqrt{x^2 + 1} \Rightarrow y' = 1 - \frac{x}{\sqrt{x^2 + 1}} > 0$$

پس هر چهار تابع فاقد نقطه بحرانی هستند.





۲۳. گزینه ۴ صحیح است.

خط  $D: \begin{cases} x = -2 \\ y = 3 \end{cases}$  از برخورد دو صفحه  $x = -2$  و  $y = 3$  ایجاد شده است. صفحه  $x = -2$  موازی صفحه  $yz$  و صفحه  $y = 3$  موازی صفحه  $xz$  است پس فصل مشترک این دو صفحه خطی موازی محور  $z$  است. (هندسه دوازدهم، صفحه ۶۷)

۲۴. گزینه ۳ صحیح است.

ابتدا طول پاره خط  $AB$  را به دست می آوریم.

$$AB = \sqrt{(m+3)^2 + 36 + 16} = \sqrt{(m+3)^2 + 52}$$

چون  $(m+3)$  همواره نامنفی است پس طول پاره خط  $AB$  در صورتی کمترین مقدار خود را دارد که  $(m+3) = 0$  یعنی  $m = -3$  باشد.

$$\begin{aligned} A &= (-2, 2, -1) \\ B &= (-2, -4, 3) \end{aligned} \Rightarrow M = \frac{A+B}{2} = (-2, -1, 1)$$

پس نقطه  $M$  دارای  $x < 0$  و  $y > 0$  و  $z > 0$  است بنابراین  $M$  در ناحیه سوم دستگاه مختصات فضایی قرار دارد.

(هندسه دوازدهم، صفحه ۶۷)

۲۵. گزینه ۲ صحیح است.

در متوازی الاضلاع قطعه های منصفن بنا برای مجموع مختصات دو رأس مقابل آن برابر مجموع مختصات دو رأس مقابل دیگر هستند.

$$PQMN \Rightarrow P+M = Q+N$$

$$\Rightarrow (2, 4, -5) + (-1, 8, 6) = (3, 7, 2) + N$$

$$\Rightarrow N = (-2, 5, -1)$$

بنابراین:

$$x = \sqrt{y^2 + z^2} = \sqrt{25 + 1} = \sqrt{26}$$

(هندسه دوازدهم، صفحه ۶۷)

۲۶. گزینه ۲ صحیح است.

صفحه موازی صفحه  $yz$  بر محور  $x$  عمود است پس معادله آن به صورت  $x = k$  است. در اینجا دو وجه این مکعب مستطیل می تواند موازی صفحه  $yz$  باشند که معادله آنها به صورت زیر است:

$$\begin{cases} x = -1 \\ 1 \leq y \leq 7 \\ -3 \leq z \leq 2 \end{cases} \quad \begin{cases} x = 3 \\ 1 \leq y \leq 7 \\ -3 \leq z \leq 2 \end{cases} \quad \text{معادله وجه دوم}$$

(هندسه دوازدهم، صفحه ۶۱)

۲۷. گزینه ۲ صحیح است.

می دانیم  $\overrightarrow{AM} = M - A$  و  $\overrightarrow{AB} = B - A$  است. بنابراین:

$$\overrightarrow{AM} = \frac{2}{3}\overrightarrow{AB} \Rightarrow M - A = \frac{2}{3}(B - A)$$

$$M = \frac{2}{3}B + \frac{1}{3}A \Rightarrow M = \frac{2}{3}(-1, 2, 4) + \frac{1}{3}(5, -4, 1)$$

$$\Rightarrow M = (1, 0, 3)$$

تصاویر یک نقطه روی محورهای مختصات همان طول و عرض و ارتفاع آن است. پس داریم:

$$x_M + y_M + z_M = 1 + 0 + 3 = 4$$

(هندسه دوازدهم، صفحه ۷۳)

۲۸. گزینه ۴ صحیح است.

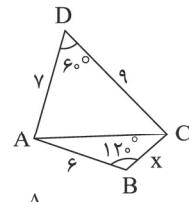
می دانیم برای دو بردار  $\vec{a}$  و  $\vec{b}$ ، اگر  $\vec{a} + \vec{b}$  بر  $\vec{a}$  عمود باشد آنگاه  $|\vec{a}| = |\vec{b}|$  است.

همچنین بردار میانه وارد بر ضلع سوم عبارت است از:

$$\vec{m} = \frac{\vec{a} + \vec{b}}{2}$$

۲۹. گزینه ۲ صحیح است.

در چهارضلعی مختصی زاویه های مقابل مکملند پس  $\hat{D} = 60^\circ$  است. اگر قطر  $AC$  را رسم کنیم آنگاه با استفاده از قضیه کسینوس ها می نویسیم:



$$ADC : AC^2 = AD^2 + DC^2 - 2AD \times DC \cos 60^\circ$$

$$\Rightarrow AC^2 = 49 + 81 - 2(7)(9)\left(\frac{1}{2}\right) = 67$$

از طرف دیگر:

$$ABC : AC^2 = AB^2 + BC^2 - 2AB \times BC \cos 120^\circ$$

$$\Rightarrow 67 = 36 + x^2 - 2(6)(x)\left(-\frac{1}{2}\right)$$

$$\Rightarrow x^2 + 6x - 31 = 0$$

جواب معادله فوق عبارت است از:

$$x = \frac{-b' \pm \sqrt{b'^2 - ac}}{a} \quad b' = 3 \rightarrow x = \frac{-3 \pm \sqrt{9 + 31}}{1}$$

$$x > 0 \rightarrow x = -3 + \sqrt{40}$$

بنابراین:

$$\frac{3+x}{2} = \frac{\sqrt{40}}{2} = \frac{2\sqrt{10}}{2} = \sqrt{10}$$

(هندسه دوازدهم، صفحه ۶۷)

۳۰. گزینه ۱ صحیح است.

از قضیه استوارت در مثلث  $ABC$  استفاده می کنیم.

$$AC^2 \times BM + AB^2 \times MC = AM^2 \times BC + MC \times MB \times BC$$

$$49(2x) + 64(x) = 36(3x) + (x)(7x)(3x)$$

$$98x + 64x = 108x + 6x^3 \quad \text{ تقسیم بر } x > 0 \rightarrow 6x^2 = 54 \Rightarrow x^2 = 9 \Rightarrow x = 3$$

بنابراین:

$$\frac{\Delta ABM}{\Delta AMC} = \frac{\text{محیط}}{\text{محیط}} = \frac{8+6+6}{7+6+3} = \frac{20}{16} = \frac{5}{4}$$

(هندسه دوازدهم، صفحه ۶۹)

۳۱. گزینه ۴ صحیح است.

مثلث  $ABC$  متساوی الساقین است. فرض کنیم  $AB = AC = x$  باشد آنگاه بنا بر قضیه استوارت داریم:

$$\begin{aligned} AB^2 \times CD + AD^2 \times BC &= AC^2 \times BD + BC \times CD \times BD \\ &= 4x^2 + 64 \times 2 = 5x^2 + 2 \times 3 \times 5 \Rightarrow 2x^2 = 98 \\ x^2 &= 49 \Rightarrow x = 7 \end{aligned}$$

اکنون در مثلث  $ABC$  با استفاده از قضیه کسینوس ها می نویسیم:

$$BC^2 = AB^2 + AC^2 - 2AB \times AC \cos B\hat{A}C$$

$$\Rightarrow 4 = 49 + 49 - 2(7)(7) \cos B\hat{A}C \Rightarrow \cos B\hat{A}C = \frac{47}{49}$$

(هندسه دوازدهم، صفحه ۶۹)

۳۲. گزینه ۲ صحیح است.

ابتدا به کمک قضیه استوارت طول ضلع  $AC$  را پیدا می کنیم.

$$AB^2 \times MC + AC^2 \times MB = AM^2 \times BC + BM \times MC \times BC$$

$$81 \times 8 + 4AC^2 = 49 \times 12 + 4 \times 8 \times 12$$

$$\text{ تقسیم بر } 4 \rightarrow 162 + AC^2 = 147 + 96$$

$$\Rightarrow AC^2 = 81 \Rightarrow AC = 9$$

اکنون با استفاده از قضیه میانه ها در مثلث  $ABC$  می نویسیم:

$$m_a^2 + m_b^2 + m_c^2 = \frac{3}{4}(a^2 + b^2 + c^2)$$

$$\Rightarrow m_a^2 + m_b^2 + m_c^2 = \frac{3}{4}(144 + 81 + 81) = \frac{3}{4} \times 306 = 229.5$$

(هندسه دوازدهم، صفحه ۶۹)



پس:

۳۳. گزینه ۱ صحیح است.

می‌دانیم عددی نسبت به ۲۴ اول است که به ۲ و ۳ بخش‌پذیر نباشد.

 $A = 100$  کمتر یا مساوی $B = 100$  کمتر یا مساویخواست مسئله  $P(A' \cap B')$  می‌باشد.

$$P(A' \cap B') = 1 - P(A) - P(B) + P(A \cap B)$$

$$\Rightarrow 1 - \frac{[\frac{1}{100}]}{\frac{1}{100}} - \frac{[\frac{1}{100}]}{\frac{1}{100}} + \frac{[\frac{1}{100}]}{\frac{1}{100}} = 0,33$$

(آمار و احتمال یازدهم، صفحه‌های ۳۲ و ۳۳)

۳۴. گزینه ۲ صحیح است.

 $X_1 = 8$  تعداد شاخه گل مریم $X_2 = 7$  تعداد شاخه گل رز $X_3 = 6$  تعداد شاخه گل نیلوفرخواست مسئله تعداد جواب‌های معادله  $X_1 + X_2 + X_3 = 8$  می‌باشد.

که  $\binom{1}{2} = 45$  است. اما با توجه به محدودیت متغیرها جواب‌های  $(0, 0, 8), (0, 1, 7), (0, 2, 6), (1, 0, 7)$  و  $(1, 1, 6)$  قابل قبول نمی‌باشد.  
پس ۴۱ جواب دارد.

(ریاضیات گستته، صفحه‌های ۱۶۰ و ۱۶۱)

۳۵. گزینه ۳ صحیح است.

متغیر  $t$  را چنان تعریف می‌کنیم که:

$$\begin{aligned} x+y+z+t &= 10 \\ x \geq 2, y \geq 1, z \geq 1, t \geq 0. \end{aligned} \quad \xrightarrow{x=x'+2, y=y'+1, z=z'+1} x'+2+y'+1+z'+1+t=10 \\ \Rightarrow x'+y'+z'+t=6 \quad \text{جواب دارد} \quad \binom{9}{3}=84 \end{math}$$

(ریاضیات گستته، صفحه ۱۶۱)

۳۶. گزینه ۲ صحیح است.

می‌دانیم جملات بسط  $(x+y+z+t)^0$  به صورت حاصل جمع عبارت‌هایی به صورت  $x^{\alpha_1}y^{\alpha_2}z^{\alpha_3}t^{\alpha_4}$  است که در آن  $\alpha_1 + \alpha_2 + \alpha_3 + \alpha_4 = 10$  می‌باشد. پس تعداد کل جملات بسط

$\binom{13}{3} = 286$  می‌باشد. اما تعداد جملاتی از بسط که تمام متغیرها را دارد، جواب‌های طبیعی معادله  $\alpha_1 + \alpha_2 + \alpha_3 + \alpha_4 = 10$  می‌باشد که

تعداد آنها  $\binom{9}{3} = 84$  می‌باشد و خواست مسئله  $286 - 84 = 202$  می‌باشد.

(ریاضیات گستته، صفحه‌های ۱۶۰ و ۱۷۱)

۳۷. گزینه ۴ صحیح است.

چون متغیرها صحیح و نامنفی هستند پس  $\sqrt{x_2} \in \mathbb{Z}$  می‌باشد پس  $\sqrt{x_2} = t$ . قرار می‌دهیم:

$$2x_1 + t + x_3 + x_4 = 5$$

$$\Rightarrow x_1 = 0 \Rightarrow t + x_3 + x_4 = 5 \Rightarrow \text{جواب صحیح نامنفی دارد} \Rightarrow \binom{7}{2} = 21$$

$$\text{جواب صحیح نامنفی دارد} \Rightarrow \binom{5}{2} = 10 \quad \text{یا } x_1 = 1 \Rightarrow t + x_3 + x_4 = 3 \Rightarrow \text{جواب صحیح نامنفی دارد} \Rightarrow \binom{3}{2} = 3$$

پس مسئله ۳۴ جواب صحیح و نامنفی دارد.  
(ریاضیات گستته، صفحه‌های ۱۶۰ و ۱۷۱)

$$|\vec{a}| = |\vec{b}| \Rightarrow \sqrt{1+m^2+4} = \sqrt{(m-1)^2+1+9}$$

$$\xrightarrow{\text{به نوبت}} m^2 + 5 = m^2 - 2m + 11 \Rightarrow -2m = -6 \Rightarrow m = 3$$

$$\vec{a} = (1, -2, 2), \quad \vec{b} = (2, 1, -2)$$

$$\vec{m} = \frac{\vec{a} + \vec{b}}{2} = \frac{(1, -2, 2) + (2, 1, -2)}{2}$$

$$= \left( \frac{3}{2}, -\frac{1}{2}, -\frac{1}{2} \right)$$

$$|\vec{m}| = \sqrt{\frac{9}{4} + 1 + \frac{1}{4}} = \sqrt{\frac{14}{4}} = \sqrt{\frac{7}{2}} = \sqrt{3.5}$$

دقت! جهت اثبات رابطه کافی است بردار  $\vec{m}$  را به اندازه خودش ادame دهیم و از جمع مثلثی بردارها استفاده کنیم.

(هندسه دوازدهم، صفحه‌های ۷۵ تا ۷۶)

## ریاضیات گستته

۳۹. گزینه ۳ صحیح است.

فضای نمونه  $= 9 \times 3 = 27$  عضو دارد. باید تعداد پیشامدهای ۴ عضوی که شامل زوج مرتب (سنگ و چیزی) هستند را شمارش کنیم. کافی است از ۸ زوج مرتب دیگر، ۳ تا انتخاب کنیم تا به همراه زوج مرتب رخ داده ۴ عضو بشوند، پس:

$$\binom{8}{3} = 56 \quad \text{تعداد پیشامدها}$$

(آمار و احتمال یازدهم، صفحه‌های ۳۴۵ و ۳۴۶)

۴۰. گزینه ۲ صحیح است.

$$A' - B' = A' \cap (B')' = A' \cap B = B - A$$

$$\Rightarrow P(B - A) = P(B) - P(B \cap A) = \frac{7}{12}$$

$$P(A' \cup B') = P((A \cap B)') = \frac{17}{20} \Rightarrow P(A \cap B) = \frac{3}{20}$$

$$\Rightarrow P(B) - \frac{3}{20} = \frac{7}{12} \Rightarrow P(B) = \frac{7}{12} + \frac{3}{20} = \frac{44}{60} = \frac{11}{15}$$

(آمار و احتمال یازدهم، صفحه ۳۴۶)

۴۱. گزینه ۲ صحیح است.

فرض کنید  $B = \{c, d\}$ ,  $A = \{a, b, c\}$ ,  $P(\{c\}) = x$  باشد. پس

$$P(B) = \frac{3x}{2}$$

$$1 = P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B) = 3x + \frac{3x}{2} - x = \frac{7x}{2}$$

$$\Rightarrow x = \frac{2}{7}$$

$$P(\{d\}) = 1 - P(\{a, b, c\}) = 1 - 3x = 1 - \frac{6}{7} = \frac{1}{7}$$

(آمار و احتمال یازدهم، صفحه‌های ۳۴۷ و ۳۴۸)

۴۲. گزینه ۴ صحیح است.

اطلاعات داده شده به صورت زیر است:

۱	۲	۳
۴	۵	۶

$$P(\{2, 5, 3, 6\}) = \frac{4}{15}$$

$$\Rightarrow P(\{1, 4\}) = 1 - \frac{4}{15} = \frac{11}{15}$$

$$P(\{1, 2, 4, 5\}) = \frac{4}{5}$$

$$\Rightarrow P(\{3, 6\}) = 1 - \frac{4}{5} = \frac{1}{5}$$

$$P(\{2, 5\}) = 1 - [P(\{1, 4\}) + P(\{3, 6\})]$$

$$\Rightarrow 1 - \left( \frac{4}{5} + \frac{11}{15} \right) = \frac{1}{15}$$

$$\Rightarrow P(\gamma) + P(\delta) = \frac{1}{15} \Rightarrow P(\delta) = \frac{1}{15}$$

(آمار و احتمال یازدهم، صفحه‌های ۳۴۹ و ۳۵۰)



$$\begin{aligned} v &= 72 \frac{\text{km}}{\text{h}} \times \frac{1}{36} = 2 \frac{\text{m}}{\text{s}} \\ L &= 400 + 400 + vt \end{aligned}$$

حال داریم:

$$L = vt \Rightarrow 800 + 20t = 340t \Rightarrow 220t = 800 \Rightarrow t = 20\text{s}$$

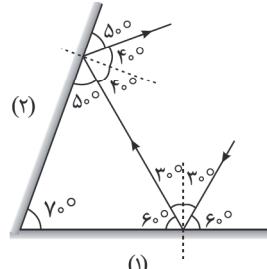
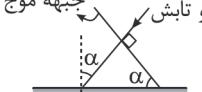
(فیزیک دوازدهم، صفحه های ۹۰ تا ۹۳)

۴۲. گزینه ۳ صحیح است.

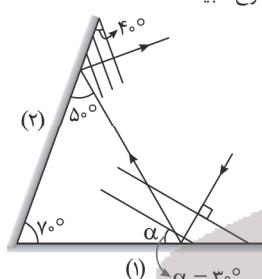
زاویه تابش (با زاویه بین سطح آینه و جبهه موج است).

پس:

پرتو تابش جبهه موج

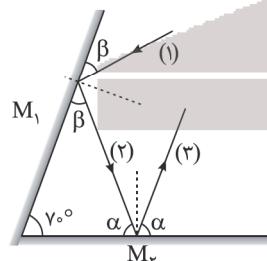


پس زاویه بین سطح آینه (۱) و جبهه موج تابیده شده ۳۰° است.



(فیزیک دوازدهم، صفحه های ۹۰ تا ۹۳)

۴۳. گزینه ۴ صحیح است.

برای آنکه پرتو ۳ مجدد به آینه  $M_1$  برخورد نکند باید  $\alpha$  کوچکتر مساوی ۷۰° باشد.

$$\Rightarrow \begin{cases} \alpha \leq 70^\circ & (1) \\ \alpha + \beta + 70^\circ = 180^\circ \Rightarrow \alpha + \beta = 110^\circ \Rightarrow \beta = 110^\circ - \alpha & (2) \\ \beta \geq 40^\circ & (3) \end{cases}$$

(فیزیک دوازدهم، صفحه ۹۱)

۴۴. گزینه ۴ صحیح است.

ابتدا پرتو اول را رسم می کنیم تا شکل مربوط به مسئله به دست آید.

( مثلث EFG ) از آنجایی که زوایای داخلی مثلث متساوی الاضلاع برابر ۶۰° است، داریم:

$$\begin{cases} 2\gamma = 60^\circ \Rightarrow \gamma = 30^\circ \\ 2\beta = 60^\circ \Rightarrow \beta = 30^\circ \end{cases}$$

۳۸. گزینه ۴ صحیح است.

دو مربع که سطرها و ستون های آن نشان دهنده پیراهن و کت هستند در نظر می گیریم. در دو مربع اعداد ۱ و ۲ و ۳ که در مربع اول نشان دهنده برادرها و در مربع دوم روزها هستند قرار می گیرند.

کیت قهوه ای مشکی آبی

1		
1		
1		

1		
1		
1		

A

B

کافی است مربع های لاتین متعامد به صورت فوق را به دست آوریم. در این های روی قطر اصلی یا فرعی مربع لاتین  $3 \times 3$  مثل هم هستند.اگر  $A$  باشد به دو صورت  $A$  را می توانیم تکمیل کنیم.

1		
1		
1		

مثلثاً اگر  $A$  را به صورت مقابل تکمیل کنیم

1		
1		
1		

صورت  $B$  =  $B$  متعامد می شود، که عبارتند از:

1		
1		
1		

پس در این حالت ۴ مربع لاتین متعامد وجود دارد. شبیه همین اگر  $B$ را به صورت  $B$  تکمیل کنیم

1		
1		
1		

می آید. پس در کل ۸ حالت برای دو مربع لاتین متعامد وجود دارد.

(ریاضیات گسسته، صفحه ۶۹)

گزینه ۳ صحیح است.

گزینه ۳ را بررسی می کنیم.

1			
1			
1			
1			

1			
1			
1			
1			

1			
1			
1			
1			

چون اعداد تکراری ۲ رقمی داریم متعامد نمی باشد.

(ریاضیات گسسته، صفحه ۶۹)

۴۰. گزینه ۴ صحیح است.

3				
4				
2				
1				

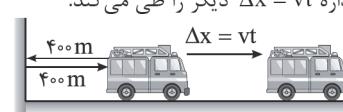
1				
1				
1				
1				

1				
1				
1				
1				

(ریاضیات گسسته، صفحه ۶۳)

**فیزیک**

۴۱. گزینه ۳ صحیح است.

برای آنکه راننده پژو اک آژیر را بشنود، صوت علاوه بر  $400\text{ m}$  رفت و برگشت فاصله اولیه باید به اندازه  $\Delta x = vt$  دیگر را طی می کند.

# مکرر نجات آموزش مدارس برتر

## پایه دوازدهم . آزمون ۹ . پاسخنامه ریاضی فیزیک



۴۸. گزینه ۱ صحیح است.

تمام گزینه‌ها غلط است.

(۱) علت شکست نور تغییر سرعت نور در عبور از یک محیط به محیط دیگر است.

(۲) با تغییر محیط بسامد موج ثابت است.

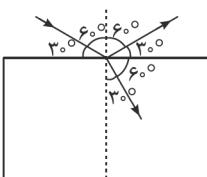
(۳) هنگامی که موج به مرز جدایی دو محیط می‌رسد، بخشی از آن بازتابیده و بخش دیگری وارد محیط بعدی می‌شود.

(۴) بسامد موج با تغییر محیط عوض نمی‌شود.

(فیزیک دوازدهم، صفحه‌های ۹۵ و ۹۶)

۴۹. گزینه ۴ صحیح است.

با توجه به شکل از قانون شکست عمومی می‌توان نوشت:



$$\begin{aligned} \text{زاویه تابش: } \theta_1 &= 60^\circ \\ \text{زاویه شکست: } \theta_2 &= 30^\circ \\ \frac{\sin \theta_2}{\sin \theta_1} &= \frac{v_2}{v_1} \Rightarrow \frac{\sin 30^\circ}{\sin 60^\circ} = \frac{v_2}{v_1} \\ \Rightarrow \frac{\frac{1}{2}}{\frac{\sqrt{3}}{2}} &= \frac{v_2}{v_1} \Rightarrow \frac{v_2}{v_1} = \frac{1}{\sqrt{3}} \end{aligned}$$

(فیزیک دوازدهم، صفحه‌های ۹۶ تا ۱۰۰)

۵۰. گزینه ۳ صحیح است.

$$\begin{aligned} \frac{n_{\text{شیشه}}}{n_{\text{آب}}} &= \frac{9}{\lambda} \Rightarrow \frac{n_{\text{شیشه}}}{n_{\text{آب}}} \times \frac{n_{\text{مالس}}}{n_{\text{شیشه}}} = \frac{9}{\lambda} \times \frac{\lambda}{5} = \frac{9}{5} \\ \frac{n_{\text{آب}}}{n_{\text{مالس}}} &= \frac{8}{5} \Rightarrow \frac{\lambda_{\text{آب}}}{\lambda_{\text{مالس}}} = \frac{9}{5} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \lambda_{\text{آب}} - \lambda_{\text{مالس}} &= 400 \text{ nm} \Rightarrow \frac{9}{5} \lambda_{\text{مالس}} - \lambda_{\text{آب}} = 400 \text{ nm} \\ \lambda_{\text{آب}} &= \frac{5}{4} \times 400 = 500 \text{ nm} \end{aligned}$$

(فیزیک دوازدهم، صفحه‌های ۹۶ تا ۱۰۰)

۵۱. گزینه ۲ صحیح است.

امواج در حین عبور از شکاف‌هایی که پنهانی آنها در حدود طول موج امواج باشد پراشیده می‌شوند و به منطقه سایه مانع می‌رسند. بنابراین با توجه به طول موج به دست آمده، گزینه ۲ صحیح است.

$$\lambda = \frac{V}{f} = \frac{3 \times 10^8 \text{ m/s}}{2 \times 10^9 \text{ Hz}} = 0.15 \text{ m} = 150 \text{ mm}$$

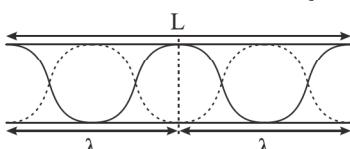
پس از پراش موج به ناحیه سایه می‌رسد.

(فیزیک دوازدهم، صفحه ۱۱۲)

۵۲. گزینه ۲ صحیح است.

می‌دانیم در لوله یک انتهای باز و یک انتهای بسته تعداد گره و شکم برابر است، پس در این لوله‌ها مجموع تعداد گره و شکم یک عدد زوج است. با توجه به این که در این سوال مجموع گره و شکم فرد است، پس لوله باید دو انتهای باز باشد. در لوله دو انتهای باز اگر تعداد گره  $n$  باشد، تعداد شکم  $n+1$  است، پس:

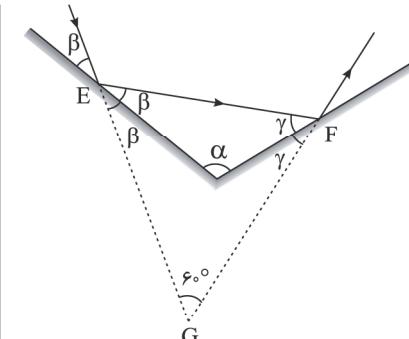
$$n + n + 1 = 9 \Rightarrow 2n = 8 \Rightarrow n = 4$$



با توجه به شکل لوله داریم:

$$L = 2\lambda \Rightarrow \frac{L}{\lambda} = 2$$

(فیزیک دوازدهم، صفحه‌های ۱۰۱ تا ۱۱۰)



مجموع زوایای داخلی مثلث مساوی است با  $180^\circ \Rightarrow \alpha + \beta + \gamma = 180^\circ$

$$\Rightarrow \alpha + 30^\circ + 30^\circ = 180^\circ \Rightarrow \alpha = 120^\circ$$

جواب نهایی:  $\alpha - \beta = 120^\circ - 30^\circ = 90^\circ$

(فیزیک دوازدهم، صفحه ۹۱)

۴۵. گزینه ۳ صحیح است.

$$\frac{\sin 53^\circ}{\sin \theta_2} = \frac{n_2}{n_1} \Rightarrow \frac{\sin 53^\circ}{\sin \theta_2} = \frac{1/\lambda}{1}$$

$$\sin \theta_2 = \frac{1}{\lambda} \Rightarrow \theta_2 = 30^\circ$$

$$\begin{aligned} \text{OAB} &\Rightarrow \cos \theta_2 = \frac{\sqrt{3}}{L} \Rightarrow \cos 30^\circ = \frac{\sqrt{3}}{L} \Rightarrow \frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{\sqrt{3}}{L} \Rightarrow L = 18 \text{ cm} \\ n &= \frac{C}{V} \Rightarrow 1.6 = \frac{3 \times 10^8 \text{ m/s}}{V} \Rightarrow V = \frac{3 \times 10^8 \text{ m}}{1.6 \text{ s}} \\ L &= V \Delta t \Rightarrow \Delta t = \frac{18 \times 10^{-2}}{\frac{3 \times 10^8}{1.6}} = \frac{18 \times 16 \times 10^{-2}}{3 \times 10^9} \text{ s} \\ &= 6 \times 16 \times 10^{-11} \text{ s} = 96 \times 10^{-11} \text{ ns} \end{aligned}$$

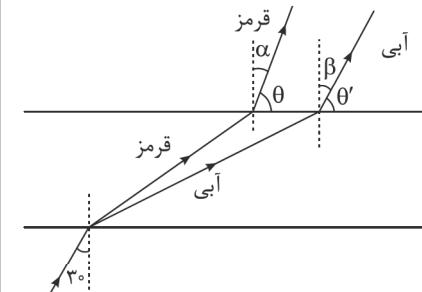
(فیزیک دوازدهم، صفحه‌های ۹۶ تا ۹۹)

۴۶. گزینه ۴ صحیح است.

می‌دانیم تندی و طول موج، موج نوری در عبور از هوا به آب کم می‌شود، پس گزینه‌های ۱ و ۳ غلط است همچنین می‌دانیم در عبور از هوا به آب پرتو شکست به خط عمود نزدیک شده و جبهه‌های موج به هم نزدیک‌تر می‌شوند، پس گزینه ۴ درست است.

(فیزیک دوازدهم، صفحه‌های ۹۶ تا ۹۹)

۴۷. گزینه ۴ صحیح است.



چون  $n_1 < n_2$  است، بنابراین پرتو شکست از خط عمود دور می‌شود و رنگی که بسامدش بیشتر است، بیشتر شکسته شده و از خط عمود دورتر می‌شود. دقت کنید چون می‌حطی ورود و خروج نور یکسان است، پرتوهای ورودی و خروجی موازیند یعنی  $\theta = \theta' = 60^\circ$  است.

(فیزیک دوازدهم، صفحه‌های ۹۶ تا ۹۸)





## پایه دوازدهم . آزمون ۹ . پاسخنامه ریاضی فیزیک

# مرکز تحصیلی آموزش مدرس برتر

با توجه به این که نیروی  $q_1$  و  $q_2$  برابر  $18 \text{ N}$  به سمت چپ و نیروی برایند وارد بر بار در راستای افقی  $36 \text{ N}$  در جهت مثبت است پس اولاً نیروی  $q_2$  و  $q_4$  باید در جهت راست و بار  $q_3$  باید منفی باشد.

$$F_{\text{net}_x} = 36 \Rightarrow 36 = F_{34} - F_{14} \Rightarrow 36 = F_{34} - 18 \Rightarrow F_{34} = 216 \text{ N}$$

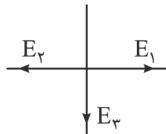
حال داریم:

$$F_{34} = \frac{k |q_3| |q_4|}{r^2} \Rightarrow 216 = \frac{9 \times 10^9 \times 2 \times 10^{-6} \times q_4}{4 \times 10^{-4}} \Rightarrow 216 = 18 \times 10^7 q_4 \Rightarrow q_4 = 12 \times 10^{-7} \text{ C} \Rightarrow q_4 = 12 \mu\text{C}$$

(فیزیک یازدهم، صفحه های ۵ تا ۱۰)

۵۷. گزینه ۳ صحیح است.

با توجه به بردار میدان الکتریکی داریم:



پس بار  $q_1$  مثبت و بار  $q_2$  مثبت است.  
حال داریم:

$$E_1 = k \frac{|q_1|}{r^2} \Rightarrow E_1 = \frac{9 \times 10^9 \times q_1}{4 \times 10^{-4}} \Rightarrow q_1 = 8 \times 10^{-9} \text{ C} = 8n\text{C}$$

$$E_2 = k \frac{|q_1|}{r^2} \Rightarrow E_2 = \frac{9 \times 10^9 \times 2 \times 10^{-9}}{4 \times 10^{-4}} = 4.5 \times 10^4 \frac{\text{N}}{\text{C}}$$

$$E_{\text{net}_x} = E_1 - E_2 \Rightarrow 4.5 \times 10^4 = E_1 - 4.5 \times 10^4 \Rightarrow E_1 = 9 \times 10^4 \frac{\text{N}}{\text{C}}$$

$$E_1 = k \frac{|q_1|}{r^2} \Rightarrow 9 \times 10^4 = \frac{9 \times 10^9 \times q_1}{16 \times 10^{-4}} \Rightarrow q_1 = 16 \times 10^{-9} \text{ C} = 16n\text{C}$$

$$\rightarrow q_1 = -16n\text{C}$$

(فیزیک یازدهم، صفحه های ۱۰ تا ۱۷)

۵۸. گزینه ۱ صحیح است.

: حالت اول

$$F_3 = \frac{k \times 10 \times |q_3|}{(2r)^2}$$

: حالت دوم

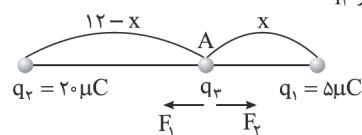
$$F'_3 = \frac{k \times 5 \times |q_3|}{(\frac{r}{2})^2} = \frac{4 \times 5 \times k \times |q_3|}{r^2}$$

$$\Rightarrow F'_3 = \frac{1 \cdot k \times |q_3|}{r^2} + \frac{2 \cdot k \times |q_3|}{r^2} = \frac{3 \cdot k \times |q_3|}{r^2} \Rightarrow \frac{F'_3}{F_3} = 4$$

(فیزیک یازدهم، صفحه ۸)

۵۹. گزینه ۴ صحیح است.

همواره در نزدیکی باری که اندازه کمتری دارد، نیروهای وارد از طرف دو بار بر بار سوم یکسان خواهد بود. یکبار بار  $q_3$  را بین دو بار نزدیک بار کوچکتر و بار دیگر خارج دو بار نزدیک بار کوچکتر در نظر می گیریم.  
حالات اول: بار  $q_3$  بین  $q_1$  و  $q_2$  است.



۵۳. گزینه ۲ صحیح است.

می دانیم که در آزمایش یانگ ضخامت نوارهای روشن و تاریک به طول موج نور بستگی دارد.

$$\frac{a_2}{a_1} = \frac{\lambda_2}{\lambda_1} = \frac{V_2}{V_1} \times \frac{f_1}{f_2} \Rightarrow \frac{a_2}{a_1} = \frac{n_1}{n_2} \times \frac{f_1}{f_2}$$

$$\frac{a_2}{2} = \frac{1}{3} \times \frac{4.8}{6.0} \Rightarrow \frac{a_2}{2} = \frac{2}{3} \times \frac{4}{10}$$

$$a_2 = \frac{16}{5} = 3.2 \text{ mm}$$

(فیزیک دوازدهم، صفحه های ۱۰۵ و ۱۰۶)

۵۴. گزینه ۲ صحیح است.

$$\begin{cases} f_n = \frac{nV}{2L} \Rightarrow f_2 = \frac{2V}{2L} \Rightarrow 200 = \frac{2 \times V}{2 \times 0.5} \Rightarrow V = 100 \frac{\text{m}}{\text{s}} \\ V = \sqrt{\frac{FL}{m}} \Rightarrow (100)^2 = \frac{F \times 0.5}{20 \times 10^{-3}} \Rightarrow F = 10^4 \times 20 \times 10^{-3} \end{cases}$$

$$\Rightarrow F = 400 \text{ N}$$

(فیزیک دوازدهم، صفحه ۱۰۷)

۵۵. گزینه ۲ صحیح است.

برای آنکه در طول یک تار دو انتهای آنها امواج ایستاده تشکیل گردد لازم است تا آن را با سامدی که مضرب صحیحی از  $\frac{V}{2L}$  است به نوسان درآوریم. ( $f_n = \frac{nV}{2L}$ )

حال ابتدا حاصل  $\frac{V}{2L}$  را به دست می آوریم و بررسی می کنیم که بسامد

نوسان کننده ( $f = 530 \text{ Hz}$ ) نزدیک به چه مضربی از  $\frac{V}{2L}$  است پس:

$$V = \sqrt{\rho A} = \sqrt{\frac{20}{2 \times 10^3 \times 10^{-2} \times 10^{-4}}} \Rightarrow V = 100 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$\frac{V}{2L} = \frac{100}{2 \times 20 \times 10^{-2}} = 250 \text{ Hz}$$

$$\Rightarrow f_1 = 250 \text{ Hz}, f_2 = 500 \text{ Hz}, f_3 = 750 \text{ Hz}$$

$$\Delta f = f_2 - f_1 = 500 - 250 = 250 \text{ Hz}$$

در نتیجه اگر بسامد نوسان کننده را  $500 \text{ Hz}$  کاهش دهیم و از  $530 \text{ Hz}$  به  $500 \text{ Hz}$  می رسانیم در طول تار هماهنگ دوم تشکیل گردد و این کمترین مقدار تغییر بسامد است.

(فیزیک دوازدهم، صفحه های ۱۰۳ تا ۱۰۷)

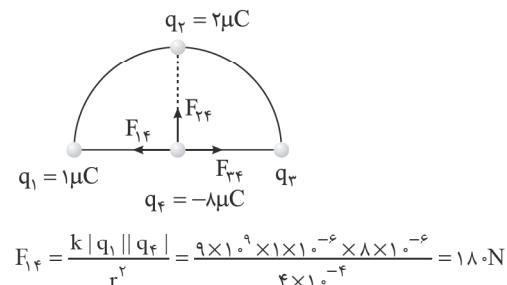
۵۶. گزینه ۲ صحیح است.

ابتدا با توجه به اینکه نیروی خالص بر روی محور  $y$ ،  $36 \text{ N}$  است که مربوط به نیروی بین  $q_2$  و  $q_4$  است، شاع نیمایدیه را محاسبه می کنیم:

$$F_{24} = \frac{k |q_2| |q_4|}{r^2} \Rightarrow 36 = 9 \times 10^9 \times \frac{2 \times 10^{-6} \times 8 \times 10^{-6}}{1^2}$$

$$\Rightarrow r^2 = 4 \times 10^{-4} \text{ m} \Rightarrow r = 2 \times 10^{-2} \text{ m} \Rightarrow r = 2 \text{ cm}$$

حال چون برایند نیروهای روی محور  $x$  ها  $F_{34}$  است پس متوجه می شویم بار  $q_3$  مثبت است و داریم:



# مکرر نجاش آموزش مدارس برتر

## پایه دوازدهم . آزمون ۹ . پاسخنامه ریاضی فیزیک



**۶۴. گزینه ۲ صحیح است.**

موارد (الف) و (ج) غلط است.

(الف) پتانسیل الکتریکی تمام نقاط جسم رسانا برابر است.

(ب) میدان الکتریکی در اطراف نقاط نوکتیز جسم رسانی بردار بیشتر است.

(ج) در یک رسانای منزوی میدان الکتریکی در تمام نقاط صفر است.

(فیزیک یازدهم، صفحه های ۳۰ تا ۲۱)



$$W_t = K_2 - K_1$$

$$W_E + W_{mg} = K_2 - 0$$

$$E |q| d \cos \theta + mg d \cos \theta' = \frac{1}{2} mv^2$$

$$4 \times 10^{-9} \times 10^{-6} \times 1 \times 1 + 2 \times 10^{-3} \times 10 \times 1 \times (-1)$$

$$= \frac{1}{2} \times 2 \times 10^{-3} \times 10^{-6} v^2 \Rightarrow 4 \times 10^{-3} - 2 \times 10^{-3} = 10^{-3} v^2$$

$$\Rightarrow 2 \times 10^{-3} = 10^{-3} v^2 \Rightarrow v^2 = 2 \Rightarrow v = \sqrt{2} \frac{m}{s}$$

(فیزیک یازدهم، صفحه های ۲۱ و ۲۰)

**۶۵. گزینه ۲ صحیح است.**

میدان مثبت و انرژی پتانسیل کاهش می یابد.

میدان منفی و انرژی پتانسیل افزایش می یابد.

$$\Delta U = q \Delta V = -4 \times 10^{-9} \times (-10 - (-20)) \Rightarrow \Delta U = -4 \times 10^{-9} \times 10$$

$$= -4 \times 10^{-7} J$$

(فیزیک یازدهم، صفحه های ۲۰ تا ۲۵)

**۶۶. گزینه ۳ صحیح است.**

دقت کنید چون بار منفی خلاف جهت میدان حرکت کرده است، کار

میدان مثبت و انرژی پتانسیل کاهش می یابد.

$$\Delta U = q \Delta V = -4 \times 10^{-9} \times (-10 - (-20)) \Rightarrow \Delta U = -4 \times 10^{-9} \times 10$$

$$= -4 \times 10^{-7} J$$

(فیزیک یازدهم، صفحه های ۲۰ تا ۲۵)

**۶۷. گزینه ۱ صحیح است.**

$$\sigma = \frac{Q}{A} = \frac{C \cdot V}{A} \quad \frac{V = Ed}{C = \frac{k \epsilon A}{d}} \rightarrow \sigma = \frac{\frac{k \epsilon A}{d} \cdot Ed}{A} \quad k=1 \rightarrow \sigma = E \cdot \epsilon$$

(فیزیک یازدهم، صفحه های ۲۹، ۳۳ و ۳۶)

**۶۸. گزینه ۴ صحیح است.**

وقتی که دی الکتریک را خارج می کنیم  $k = \frac{3}{4}$  تبدیل به  $k = 1$  می شود.

هنگامی که خازن به باتری متصل است با تغییر در ظرفیت آن، اختلاف

پتانسیل دو سر آن تغییری نخواهد کرد. بنابراین با توجه به رابطه انرژی

خازن ( $U = \frac{1}{2} CV^2$ )، داریم:

$$\frac{U'}{U} = \frac{C'}{C} \times \frac{(V')^2}{(V)^2} \Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} \frac{U'}{U} = \frac{C'}{C} \\ \frac{C'}{C} = \frac{k'}{k} \cdot \frac{A'}{A} \cdot \frac{d}{d'} \end{array} \right. \Rightarrow \frac{U'}{U} = \frac{k'}{k} \cdot \frac{d}{d'} \quad \begin{matrix} \uparrow \\ k_{\text{هوا}} \\ \downarrow \\ \text{دی الکتریک} \end{matrix}$$

تغییری در سطح مشترک دو صفحه ایجاد نشده است

$$\Rightarrow 1 = \frac{1}{\frac{3}{4}} \times \frac{6/8}{d'} \Rightarrow d' = 2mm \Rightarrow \Delta d = d' - d = 2 - 6/8 = -4/8 mm$$

در نتیجه فاصله دو صفحه خازن باید به میزان  $4/8 mm$  نزدیک شود.

(فیزیک یازدهم، صفحه های ۳۰ تا ۳۳)

**۶۹. گزینه ۱ صحیح است.**

گام اول: ابتدا اختلاف پتانسیل خازن را به دست می آوریم:

$$C = \frac{q}{\Delta V} \Rightarrow \Delta V = \frac{q}{C} = \frac{6 \times 10^{-6}}{3 \times 10^{-6}} = 2V$$

گام دوم: حال میدان الکتریکی بین دو صفحه خازن را محاسبه می کنیم:

$$E = \frac{\Delta V}{d} = \frac{2}{4 \times 10^{-3}} = 500 \frac{N}{C}$$

گام سوم: حال نیروی وارد بر بار  $q = 4nC$  را محاسبه می کنیم:

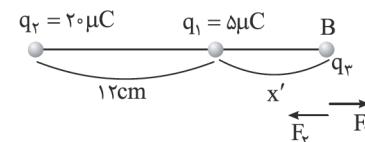
$$F_E = E |q| \Rightarrow F_E = 500 \times 4 \times 10^{-9} = 2 \times 10^{-6} N$$

(فیزیک یازدهم، صفحه های ۳۰ تا ۳۳)

A برای نقطه  $F_1 = F_2$

$$\Rightarrow \frac{k \times 5 \times q_2}{x^2} = \frac{k \times 20 \times q_2}{(12-x)^2} \Rightarrow \frac{(12-x)^2}{x^2} = 4 \Rightarrow x = 4 \text{ cm}$$

حالت دوم: بار  $q_2$  خارج  $q_1$  و  $q_2$  است.



B برای نقطه  $F_1 = F_2$

$$\Rightarrow \frac{k \times 5 \times q_2}{x'^2} = \frac{k \times 20 \times q_2}{(12+x')^2} \Rightarrow \frac{(12+x')^2}{x'^2} = 4 \Rightarrow x' = 12 \text{ cm}$$

: جواب نهایی  $x + x' = 16 \text{ cm}$

(فیزیک یازدهم، صفحه ۱)

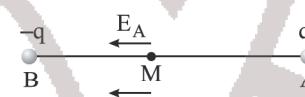
**۶۰. گزینه ۳ صحیح است.**

چون در سری الکتریسیته مالشی، میله شیشه ای بالاتر از پارچه پشمی است، پس بار آن مثبت می شود. با نزدیک کردن میله شیشه ای که بار مثبت دارد به کلاهک الکتروسکوپ با بار منفی، یا فاصله ورقه ها کم شده و یا ابتدا کم و سپس زیاد می شود.

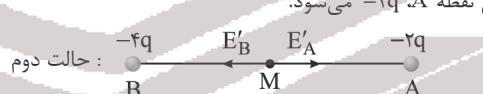
(فیزیک یازدهم، صفحه های ۲ و ۳)

**۶۱. گزینه ۴ صحیح است.**

در حالت اول داریم:



$E = E_A + E_B = \frac{kq}{r^2} + \frac{kq}{r^2} = 2 \frac{kq}{r^2}$   
اگر با انتقال الکترون از B به A، بار الکتریکی نقطه B  $-2q$  شود پس بار الکتریکی نقطه A  $-2q$  می شود.



$$E' = E_B - E_A = \frac{4kq}{r^2} - \frac{2kq}{r^2} = \frac{2kq}{r^2} = E' = E \Rightarrow \frac{E'}{E} = 1$$

(فیزیک یازدهم، صفحه های ۱۰ تا ۱۷)

**۶۲. گزینه ۴ صحیح است.**

چون در اثر انتقال الکترون به ذره ای با بار مثبت، مقدار بار زیاد شده، پس قطعاً بار نهایی ذره منفی است.

$$q_1 = +q$$

$$q_2 = -1/8q \Rightarrow \Delta q = -2/8q$$

$$\Delta q = ne \Rightarrow -2/8q = -14 \times 10^{13} \times 1/8 \times 10^{-19}$$

$$2/8q = 1/4 \times 16 \times 10^{-6}$$

$$q = 8 \times 10^{-6} C = 8 \mu C$$

(فیزیک یازدهم، صفحه ۴)

**۶۳. گزینه ۳ صحیح است.**

اندازه میدان ناشی از بار  $q_A$  در فاصله  $2 \text{ cm}$  از آن برابر است با اندازه میدان ناشی از بار  $q_B$  در فاصله  $4 \text{ cm}$  از بار  $q_B$  است.

$$E_A = E_B \Rightarrow \frac{k |q_A|}{(2)^2} = \frac{k |q_B|}{(4)^2} \Rightarrow |q_B| = 4 |q_A| \Rightarrow \frac{|q_B|}{|q_A|} = 4$$

(فیزیک یازدهم، صفحه ۱۳)



## پایه دوازدهم . آزمون ۹ . پاسخنامه ریاضی فیزیک

# مرکز تحصیلی آموزش مدرس برتر

حال برای اینکه با استفاده از معادلات واکنش‌های سوختن به واکنش مورد نظر سؤال دست یابیم، باید واکنش اول را به همان صورت نوشته، ضرایب واکنش دوم را دو برابر کرده و واکنش سوم را نیز وارون کنیم. طبق قانون هس،  $\Delta H = \Delta H_1 + 2\Delta H_2 + (-\Delta H_3) = (-39) + (-572) + 896 = -66 \text{ kJ}$  ذکر شده به دست می‌آید: دقت داشته باشید که با توجه به اینکه واکنش‌های سوختن گرمایه هستند، علامت  $\Delta H$  در آنها منفی است.

(شیمی یازدهم، صفحه‌های ۷۰ تا ۷۳)

### ۷۴. گزینه ۳ صحیح است.

مقایسه درست به صورت:  $\text{C}_2\text{H}_6 < \text{CH}_4 < \text{C}_2\text{H}_4$  است.  
بررسی سایر گزینه‌ها:



- (۱) گروه عاملی هیدروکسیل ( $-\text{OH}$ ) و کربونیل ( $-\text{C=O}$ ) هر یک دارای ۲ اتم هستند. اما گروه عاملی اتری ( $-\text{O}-$ ) تنها دارای یک اتم است.
- (۲) در مورد ترکیب‌های آلی هم کربن مقایسه اندازه آنتالپی سوختن به صورت: آلkan > آلکن > الکل > آلکین است.
- (۳) افزایش دما و استفاده از کاتالیزگر سبب افزایش سرعت واکنش می‌شود.
- (شیمی یازدهم، صفحه‌های ۸۶ تا ۸۱)

### ۷۵. گزینه ۱ صحیح است.

تنها عبارت اول نادرست است.

بررسی عبارت‌ها:

- عبارت اول: هیدرازین ( $\text{N}_2\text{H}_4$ ) نسبت به آمونیاک ( $\text{NH}_3$ ) سطح انرژی بیشتری داشته و در نتیجه نایاب‌دارتر است.
- عبارت دوم:  $\Delta H$  واکنش‌های  $\text{N}_2\text{H}_4(\text{g}) \rightarrow \text{N}_2\text{H}_4(\text{g}) + 2\text{H}_2(\text{g})$  و  $\text{H}_2(\text{g}) + \text{O}_2(\text{l}) \rightarrow \text{H}_2\text{O}_2(\text{l})$  را نمی‌توان به روش تجربی تعیین کرد.
- عبارت سوم: درست
- عبارت چهارم: با توجه به اطلاعات داده شده،  $\Delta H_1 = -92 \text{ kJ}$  و  $\Delta H_2 = -183 \text{ kJ}$  است. در نتیجه با توجه به نمودار مقدار  $\Delta H$  واکنش ( $\text{N}_2\text{H}_4(\text{g}) + 2\text{H}_2(\text{g}) \rightarrow \text{N}_2\text{H}_4(\text{g}) + 2\text{H}_2(\text{g})$ ) برابر  $-91 \text{ kJ}$  است.
- (شیمی یازدهم، صفحه‌های ۷۵ و ۷۶)

### ۷۶. گزینه ۳ صحیح است.

- ابتدا با توجه به واکنش‌های داده شده،  $\Delta H$  واکنش:  $\text{Cu(s)} + 2\text{NF}_3(\text{g}) \rightarrow \text{CuF}_7(\text{s}) + \text{N}_2\text{F}_4(\text{g})$  را محاسبه می‌کنیم، به این منظور واکنش اول را به صورت داده شده در سؤال می‌نویسیم و واکنش‌های (۲) و (۳) را وارونه می‌کنیم.
- $$\Delta H = \Delta H_1 + (-\Delta H_2) + (-\Delta H_3) = (-531) + (-829) + (314) = -1046 \text{ kJ}$$

اکنون با توجه به اطلاعات داده شده، بازده را محاسبه می‌کنیم:  
 $? \text{kJ} = 16 \text{ g Cu} \times \frac{1 \text{ mol Cu}}{64 \text{ g Cu}} \times \frac{1046 \text{ kJ}}{1 \text{ mol Cu}} \times \frac{\text{R}}{100} = 133 \Rightarrow \text{R} = 150$

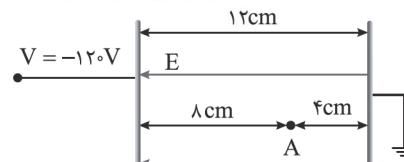
(شیمی یازدهم، صفحه‌های ۷۳ تا ۷۵)

### ۷۷. گزینه ۴ صحیح است.

- ابتدا کل انرژی حاصل از این وعده غذایی را محاسبه می‌کنیم:  
 $? \text{min} = 219 \text{ kJ} \times \frac{1 \text{ kCal}}{4 \text{ kJ}} \times \frac{1 \text{ h}}{150 \text{ kcal}} \times \frac{6 \text{ min}}{1 \text{ h}} = 219 \text{ min}$
- اکنون محاسبه می‌کنیم که این مقدار انرژی، برای چند دقیقه پیاده‌روی کافی است:
- (شیمی یازدهم، صفحه ۷۰)

### ۷۰. گزینه ۳ صحیح است.

میدان الکتریکی به طرف چپ است و چون بار  $q$  مثبت است و نیروی وارد بر بار به طرف چپ است، بار به صفحه سمت چپ برخورد خواهد کرد.



با توجه به اینکه فاصله دو صفحه ۱۲ cm و فاصله نقطه M تا صفحه Sمت چپ ۸ cm است، اختلاف پتانسیل الکتریکی نقطه A تا صفحه Sمت چپ را محاسبه می‌کنیم:

$$\left| \frac{\Delta V_2}{\Delta V_1} \right| = \frac{d_2}{d_1} = \frac{12}{8} = \frac{12}{8}$$

$$\Rightarrow |\Delta V_1| = 8 \Rightarrow \Delta V_1 = -80 \text{ V}$$

$$\Delta U = -\Delta K \xrightarrow{\Delta U = q\Delta V_1} q \times \Delta V_1 = -(K_2 - K_1)$$

$$q\Delta V = -\frac{1}{2}mv^2 \Rightarrow q \times (-80) = -\frac{1}{2} \times 40 \times 10^{-3} \times (4)^2 \Rightarrow q = 0.4 \text{ C}$$

(فیزیک یازدهم، صفحه‌های ۲۱ تا ۲۲)

### شیمی

### ۷۱. گزینه ۴ صحیح است.

شیمی‌دان‌ها به کار بردن آنتالپی‌های پیویند را برای تعیین  $\Delta H$  واکنش‌های مناسب می‌دانند که همه مواد شرکت کننده در آنها به حالت گاز زند.

بررسی گزینه ۳: با توجه به اینکه همپارهای یک ترکیب ساختار متفاوتی دارند، خواص فیزیکی، شیمیایی و سطح انرژی آنها نیز متفاوت است.

(شیمی یازدهم، صفحه‌های ۷۰ تا ۷۶)

### ۷۲. گزینه ۲ صحیح است.

عبارت‌های دوم و چهارم درست هستند.

بررسی عبارت‌ها:

عبارت اول: ترکیب آلی موجود در بادام بین‌آلدهید با فرمول مولکولی  $\text{C}_7\text{H}_6\text{O}$  است. اما فرمول مولکولی ترکیب داده شده  $\text{C}_7\text{H}_8\text{O}$  است.

عبارت دوم:

$$\Delta H = \left[ \frac{\text{مجموع آنتالپی پیویند در]}{\text{مواد فراورده}} \right] - \left[ \frac{\text{مجموع آنتالپی دهنده}}{\text{مواد واکنش دهنده}} \right] = [2\Delta H(\text{O-H})] - 0 = 2\Delta H(\text{O-H})$$

عبارت سوم: آنتالپی سوختن یک ماده همارز با آنتالپی واکنشی است که در آن یک مول ماده در اکسیژن کافی به طور کامل می‌سوزد. اما توجه کنید که در دمای انتقال حالت فیزیکی  $\text{H}_2\text{O}$  تولیدی مایع است.

عبارت چهارم:  $\text{CH}_4$  بخش عمده گاز طبیعی را تشکیل می‌دهد و تأمین شرایط بهینه برای انجام واکنش تهییه  $\text{CH}_4$  از عناظر سازنده آن ( $\text{H}_2$ ,  $\text{C}$ ) بسیار دشوار و پرهزینه است.

(شیمی یازدهم، صفحه‌های ۷۳ تا ۷۵)

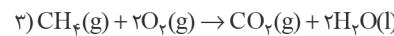
### ۷۳. گزینه ۲ صحیح است.

معادله واکنش سوختن مواد ذکر شده به صورت زیر بوده و مقدار آنتالپی سوختن آنها نیز به کمک ارزش سوختی و جرم مولی تعیین می‌شود:



$$\Delta H_1 = 32/5 \frac{\text{kJ}}{\text{g}} \times \frac{12\text{g}}{1\text{mol}} = -39.0 \frac{\text{kJ}}{\text{mol}}$$

$$2(\text{H}_2(\text{g}) + \frac{1}{2}\text{O}_2(\text{g}) \rightarrow \text{H}_2\text{O}(\text{l})) , \Delta H_2 = 143 \frac{\text{kJ}}{\text{g}} \times \frac{2\text{g}}{1\text{mol}} = -286 \frac{\text{kJ}}{\text{mol}}$$



$$\Delta H_3 = 56 \frac{\text{kJ}}{\text{g}} \times \frac{16\text{g}}{1\text{mol}} = -896 \frac{\text{kJ}}{\text{mol}}$$



# مرکز نجاش آموزش مدارس برتر

۸۳. گزینه ۲ صحیح است.

ابتدا تغییرات مول و مول نهایی  $N_2O_5$  در ۲۱۰ ثانیه ( $3/5$  دقیقه) را محاسبه می‌کنیم:

$$\bar{R}N_2O_5 = \frac{-\Delta n N_2O_5}{V \cdot \Delta t} \Rightarrow 10^{-2} = \frac{-\Delta n N_2O_5}{2 \times 3/5} \Rightarrow -\Delta n N_2O_5 = 0.7 \text{ mol}$$

$$\Rightarrow -(n_2 - 0.14) = 0.7 \Rightarrow n_2 = 0.7 \text{ mol}$$

اکنون شمار مول‌های  $NO_2$  تولیدی در ۲۱۰ ثانیه ( $3/5$  دقیقه) را محاسبه می‌کنیم:

$$\bar{R}NO_2 = \frac{\bar{R}N_2O_5}{2} \Rightarrow \bar{R}NO_2 = 2 \bar{R}N_2O_5 = 2 \times 10^{-2} \text{ mol L}^{-1} \cdot \text{min}^{-1}$$

$$\bar{R}NO_2 = \frac{\Delta n NO_2}{V \cdot \Delta t} \Rightarrow 2 \times 10^{-2} = \frac{\Delta n NO_2}{2 \times 3/5} \Rightarrow -\Delta n NO_2 = 0.14 \text{ mol}$$

$$\Rightarrow n_2 - 0.14 = 0.14 \Rightarrow n_2 = 0.14 \text{ mol}$$

با توجه به اینکه  $N_2O_5$  واکنش‌دهنده بوده و نمودار تغییرات مول بر حسب زمان برای آن نزولی است و برای  $NO_2$  که فراورده است، صعودی است؛ نمودار ارائه شده در گزینه ۲ درست است.

(شیمی دوازدهم، صفحه‌های ۱۱۸ تا ۱۱۵)

۸۴. گزینه ۴ صحیح است.

عنصر Si که نخستین شبکه‌فلز گروه ۱۴ جدول تناوبی است، پس از اکسیژن فراوان ترین عنصر در پوسته جامد زمین است.

بررسی سایر گزینه‌ها:

(۱) درست

(۲) دلیل سرخ رنگ بودن خاک رس حضور  $Fe_2O_3$  است.

(۳) جامدات کووالانسی مجموعه‌ای از اتم‌های بسیاری است که با هم پیوندهای اشتراکی دارند.

(شیمی دوازدهم، صفحه‌های ۱۶۴ تا ۱۷۰)

۸۵. گزینه ۴ صحیح است.

جرم خاک رس را برابر  $100$  گرم در نظر می‌گیریم؛ بنابراین با توجه به اطلاعات سؤال،  $13$  گرم آن را آب تشکیل داده و  $87$  گرم آن را سایر مواد سازنده خاک رس تشکیل می‌دهند.

با تبخیر  $5$  گرم آب جرم خاک رس برابر  $95g = (100 - 5)$  می‌شود؛ در نتیجه درصد جرمی سایر مواد برابر است با:

$$\text{جرم ماده مورد نظر} = \frac{87}{95} \times 100 = 91.6$$

(شیمی دوازدهم، صفحه ۶۹)

۸۶. گزینه ۲ صحیح است.

سیلیس ( $SiO_4$ ) فراوان ترین اکسید در پوسته جامد زمین است.

عبارت‌های دوم و چهارم صحیح هستند.

بررسی عبارت‌های نادرست:

عبارت اول: در ساختار سیلیس هر اتم Si به  $4$  اتم O و هر اتم O به  $2$  اتم Si متصل است.

عبارت سوم: الماس نسبت به سیلیس سخت‌تر بوده و نقطه ذوب بالاتری دارد.

(شیمی دوازدهم، صفحه‌های ۷۰ و ۷۱)

۸۷. گزینه ۲ صحیح است.

عبارت‌های (آ) و (ت) نادرست هستند.

بررسی عبارت‌ها:

(آ) چکالی الماس نسبت به گرافیت بیشتر است، بنابراین در جرم‌های برابر الماس حجم کمتر نسبت به گرافیت اشغال می‌کند.

(ب) الماس ساختار سه‌بعدی و گرافیت ساختار دو‌بعدی دارد.

(پ) آلوتروپ رسانا گرافیت است.

(ت) گرافیت نسبت به الماس پایدارتر است و طول پیوند میان اتم‌ها در گرافیت نسبت به الماس کمتر است.

(شیمی دوازدهم، صفحه‌های ۷۱ و ۷۲)

۸۸. گزینه ۱ صحیح است.

عبارت‌های (آ) و (پ) درست هستند.  
بررسی عبارت‌ها:

(آ) شکل داده شده ساختار لیکوپین را نشان می‌دهد که نوعی بازدارنده است.

(ب) آنتالپی بسیاری از واکنش‌های شیمیایی را نمی‌توان به روش تجربی تعیین کرد.

(پ) هر دو ترکیب در ساختار خود دارای گروه عاملی هیدروکسیل و پیوند دوگانه هستند.

(ت) به کمک گرماستج لیوانی می‌توان گرمای واکنش را در فشار ثابت به روش تجربی تعیین کرد.

(شیمی دوازدهم، صفحه‌های ۶۹، ۷۲، ۷۳ و ۷۴)

۸۹. گزینه ۴ صحیح است.

شبیت نمودار مول - زمان نشان دهنده سرعت است؛ در نتیجه مقایسه سرعت واکنش‌های A، B و C به صورت:  $R_C < R_B < R_A$  است.

بررسی گزینه‌ها:

(۱) سرعت واکنش پتاسیم با آب سرد نسبت به سدیم بیشتر است.

(۲) افزایش سطح تماس ماده جامد سبب افزایش سرعت واکنش می‌شود.

(۳ و ۴) افزایش غلظت مواد شرکت‌کننده و افزایش دما سبب افزایش سرعت واکنش‌های شیمیایی می‌شود.

(شیمی دوازدهم، صفحه‌های ۹۱، ۱۰۱ و ۱۱۰)

۹۰. گزینه ۲ صحیح است.

قسمت اول: با توجه به تغییرات غلظت  $NOCl$  بر حسب زمان، سرعت متوسط مصرف این ماده در دقیقه ۲ تا ۴ را محاسبه می‌کنیم:

$$\bar{R}_{NOCl} = \frac{-\Delta [NOCl]}{\Delta t} = \frac{-(0.24 - 0.3)}{2 \times 6} = 5 \times 10^{-5} \text{ mol L}^{-1} \text{s}^{-1}$$

در نتیجه سرعت متوسط تولید  $Cl^-$  در این بازه زمانی برابر است با:

$$\bar{R}_{NOCl} = \bar{R}_{Cl^-} = 2.5 \times 10^{-5} \text{ mol L}^{-1} \text{s}^{-1}$$

با توجه به اینکه با گذشت زمان سرعت متوسط تولید و مصرف مواد کاهش می‌یابد؛ بنابراین سرعت متوسط تولید  $Cl^-$  در بازه زمانی ۴ تا ۶ دقیقه بر حسب  $1.5 \text{ mol L}^{-1} \text{s}^{-1}$  می‌تواند برابر  $1.9 \times 10^{-5}$  باشد.

قسمت دوم: با کامل شدن واکنش، مقدار واکنش‌دهنده به صفر می‌رسد.

$$\bar{R}_{Cl^-} = \bar{R}_{2-4} = \frac{-(-0.24)}{\Delta t} = \frac{0.24}{4 \times 8} = 6 \times 10^{-5} \text{ mol L}^{-1} \text{s}^{-1}$$

پس از دقیقه ۴ (ثانیه ۲۴۰)،  $4.8 \times 10^{-5}$  دیگر طول می‌کشد تا واکنش کامل شود. بنابراین کل بازه زمانی برابر  $22 \times 72$  ثانیه است.

(شیمی دوازدهم، صفحه‌های ۱۱۸ تا ۱۱۵)

۹۱. گزینه ۳ صحیح است.

تولید گازهای گلخانه‌ای به ویژه  $CO_2$  یکی از چهره‌های پنهان ردیابی غذا است.

بررسی گزینه ۴: کربوهیدرات‌ها در بدن به گلوكز شکسته می‌شوند و گلوكز حاصل در خون حل شده و هنگام اکسایش در یاخته‌ها، به آسانی انرژی مورد نیاز یاخته‌ها را تأمین می‌کند.

(شیمی دوازدهم، صفحه‌های ۷۱ و ۷۲)

۹۲. گزینه ۳ صحیح است.

پس از تجزیه کامل  $NO_2$  گازهای  $O_2$  و  $NO$  در ظرف موجود هستند؛ با توجه به اینکه ضریب استوکیومتری  $NO : O_2$  است، اگر  $x$  مول  $O_2$  در ظرف موجود باشد، شمار مول‌های  $NO$  برابر  $2x$  مول است.

$$x + 2x = 8/1 \Rightarrow x = 2/7 \text{ mol}$$

اکنون سرعت متوسط تولید  $NO$  را محاسبه می‌کنیم:

$$\bar{R}_{NO} = \frac{\Delta n NO}{V \cdot \Delta t} = \frac{2x}{2 \times 7} = 4 \times 10^{-5} \text{ mol L}^{-1} \text{s}^{-1}$$

(شیمی دوازدهم، صفحه‌های ۷۱، ۷۲، ۷۳ و ۷۴)


**پایه دوازدهم . آزمون ۹ . پاسخنامه ریاضی فیزیک**

**۹۲. گزینه ۴ صحیح است.**

نیتینیول آلیاژی از دو فلز Ni (گروه ۱۰) و تیتانیم (گروه ۴) جدول تناوبی است.

بررسی سایر گزینه‌ها:

مدل دریای الکترونی برای توجیه برخی رفتارهای فیزیکی فلزها ارائه شده است و آرایش منظمی از کاتیون‌ها در سه بعد است که در فضای میان آنها ساخته شده است. ماده از این میانگین آنتالپی پیوند Si-Si در سیلیسیم بیشتر است.

(شیمی دوازدهم، صفحه های ۱۱ و ۱۲)

**۹۳. گزینه ۳ صحیح است.**

دومین فلز دسته d جدول تناوبی تیتانیم (Ti) است. این فلز نسبت به فولاد نقطه ذوب بیشتری دارد، اما چگالی آن از فولاد کمتر است.

(شیمی دوازدهم، صفحه های ۱۷ و ۱۹)

**۹۴. گزینه ۲ صحیح است.**

عبارت‌های اول و سوم درست هستند.

با توجه به اینکه Y نسبت به عنصر هم‌گروه خود X شعاع بیشتری دارد، پس چگالی بار یون  $Y^{m-}$  از یون  $X^{m-}$  کمتر است. یون حاصل از عنصر A دو بار مثبت دارد ( $A^{2+}$ ) و عنصر B نیز سدیم است که یون یک بار مثبت تشکیل می‌دهد ( $Na^+$ ). بررسی عبارت‌ها:

عبارت اول: اگر X متعلق به گروه ۱۶ ( $X^{3-}$ ) و یا گروه ۱۵ ( $X^{4-}$ ) باشد، آنتالپی فروپاشی بلور Na با X از بلور NaF بیشتر است و اگر X متعلق به گروه ۱۷ جدول تناوبی (X<sup>-</sup>) باشد، آنتالپی بلور BX می‌تواند کوچکتر یا برابر NaF باشد.

عبارت دوم: معادله فروپاشی شبکه بلور AY به صورت  $AY(s) + \Delta H_f^\circ \rightarrow A^{2+}(g) + Y^{2-}(g)$  است؛ با توجه به اطلاعات داده شده فروپاشی  $\Delta H_f^\circ$  را برای این ترکیب محاسبه می‌کنیم:

$$\Delta H_f^\circ = \frac{2 \times 20.5 \text{ kJ}}{1 \text{ mol AY}} = 41.0 \text{ kJ} \quad (\text{فروپاشی})$$

با توجه به اینکه فروپاشی  $\Delta H_f^\circ$  بلور AY باید کمتر از AX باشد این مورد نادرست است.

عبارت سوم: زیرا مقایسه چگالی بار یون‌ها به صورت:  $Y^{m-} < X^{m-} < A^{2+}$  است.

عبارت چهارم: اختلاف آنتالپی فروپاشی شبکه NaF و NaCl بیشتر از اختلاف آنتالپی فروپاشی شبکه NaCl و NaBr است.

(شیمی دوازدهم، صفحه های ۱۰ و ۱۱)

**۹۵. گزینه ۳ صحیح است.**

در این فرایند با متمرک شدن پرتوهای خورشیدی، دمای شاره یونی افزایش یافته و این شاره وارد منبع ذخیره انرژی گرمایی می‌شود، از این باید ظرفیت گرمایی بالای داشته باشد و در گستره دمایی وسیعی به حالت مایع باقی بماند.

این گرما به شاره مولکولی منتقل شده که با تولید بخار توربین را حرکت دهد از این رو این شاره نباید نقطه جوش بالایی داشته باشد.

(شیمی دوازدهم، صفحه های ۷۷ و ۷۸)

**۸۸. گزینه ۲ صحیح است.**

عبارت‌های اول و دوم درست هستند.

بررسی عبارت‌های نادرست:

عبارت سوم: از سیلیسیم کربید (SiC) در تهیه سنباده استفاده می‌شود؛ میانگین آنتالپی پیوند C-C در این ماده از میانگین آنتالپی پیوند Si-Si در سیلیسیم بیشتر است.

عبارت چهارم: واژه‌های ذکر شده برای توصیف مواد مولکولی به کار می‌رود؛ از میان مواد داده شده (گرافیت،  $C(s)$ ،  $SiO_2$ ،  $C_6H_6$  و  $HF$ ) ترکیب یونی  $NH_4^+ PO_4^-$  جزو مواد مولکولی هستند.

(شیمی دوازدهم، صفحه های ۷۰ تا ۷۴)

**۸۹. گزینه ۲ صحیح است.**

بررسی گزینه‌های نادرست:

(۱) در  $CO_2$  اگرچه به اتم‌های اکسیژن  $O^-$  و به اتم کربن  $C^+$  نسبت داده می‌شود. اما به دلیل توزیع متقاضی بار الکتریکی پیرامون اتم مرکزی، این مولکول ناقطبی بوده و در میدان الکتریکی جهت‌گیری نمی‌کند.

(۲) اتم مرکزی در  $SO_2$  و  $CCl_4$  دارای بار جزئی مثبت هستند، اما در  $SO_2$  برخلاف  $CCl_4$  اتم مرکزی به سمت صفحه با بار منفی جهت‌گیری می‌کند.

(۳) در ترکیب‌های یونی نیروهای جاذبه و دافعه به شمار معینی از یون‌ها محدود نشده بلکه میان همه آنها و در فاصله‌های گوناگون وارد می‌شود.

(شیمی دوازدهم، صفحه های ۷۵ تا ۷۹)

**۹۰. گزینه ۳ صحیح است.**

در گوگرد تری اکسید (SO<sub>3</sub>) اتم مرکزی فقد جفت الکترون ناپیوندی بوده و اتم‌های متصل به اتم مرکزی نیز یکسان هستند؛ در نتیجه در این مولکول توزیع بار الکتریکی پیرامون اتم مرکزی متقاضی بوده و SO<sub>3</sub> برخلاف کلروفرم (CHCl<sub>3</sub>) ناقطبی است.

بررسی سایر گزینه‌ها:

(۱) مولکول‌های سه‌اتمی خطی به فرم AD<sub>2</sub> ناقطبی و به فرم ACD قطبی هستند.

(۲) درست

(۴) کربونیل سولفید (SCO) برخلاف اتین (C<sub>2</sub>H<sub>2</sub>) قطبی است زیرا اتم‌های پیرامون اتم مرکزی در آن متفاوت است.



(شیمی دوازدهم، صفحه های ۷۵ تا ۷۷)

**۹۱. گزینه ۱ صحیح است.**

تنها عبارت چهارم نادرست است.

با توجه به اطلاعات موجود مواد A, B, C و D به ترتیب مواد فلزی، یونی، مولکولی و کووالانسی هستند.

بررسی عبارت‌ها:

عبارت اول: درست

عبارت‌های دوم و سوم: در ساختار مواد فلزی کاتیون‌ها در دریای الکترونی شناور هستند و مواد یونی نیز در ساختار خود دارای یون‌های مثبت و منفی می‌باشند و از این رو همواره فقط به حالت ترکیب یافت می‌شوند.

عبارت چهارم: رفتار فیزیکی مواد مولکولی به نوع و قدرت نیروهای بین مولکولی آنها بستگی دارد.

(شیمی دوازدهم، صفحه ۹۰)