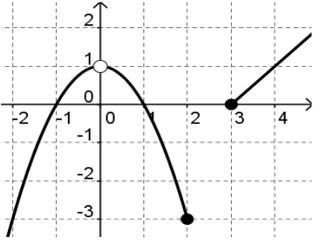
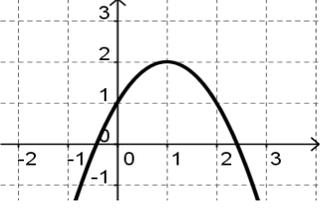


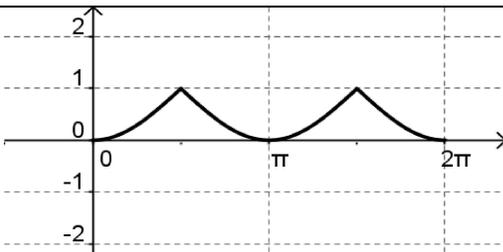
سوالیات امتحان شبه نهایی درس : حسابان ۱		رشته : ریاضی و فیزیک		مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه		تعداد صفحه: ۲			
پایه یازدهم دوره دوم متوسطه نظری		ساعت شروع : ۷:۳۰ صبح		تاریخ امتحان: ۱۴۰۳/۲/۱		نام و نام خانوادگی:			
دانش آموزان دبیرستان‌های دوره دوم متوسطه روزانه سراسر کشور در طرح سه نماسال ۱۴۰۳				مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش					
ردیف		سوالیات (استفاده از ماشین حساب ساده بلامانع است)						نمره	
۱	از عبارات زیر، عبارت درست را با کلمه <u>درست</u> و عبارت نادرست را با کلمه <u>نادرست</u> مشخص کنید. الف) اگر $a$ عددی مثبت باشد و $ x  \geq a$ ، آنگاه $x \geq a$ یا $x \geq -a$ . ب) عدد $4 \log_2 9$ برابر است با ۸۱. ج) اگر $\theta$ یک زاویه دلخواه باشد، آنگاه $\cos\left(\frac{\pi}{2} + \theta\right) = \sin\theta$ . د) حد تابع $f(x) = \sqrt{2-x}$ وقتی $x$ به عدد ۲ میل می‌کند، برابر صفر است.	۱							
۲	جاهای خالی را با عبارت یا عدد مناسب پر کنید. الف) ریشه‌های معادله ----- اعداد ۵-، ۲ است. ب) تابعی یک به یک است که هر خط موازی محور -----، نمودار تابع را حداکثر در یک نقطه قطع کند. ج) اگر $(1+x, 3x)$ یک همسایگی عدد ۳ باشد، حدود $x$ ، بازه ----- است. د) دامنه تابع $y = \log_4(x+1)$ ، بازه ----- است.	۱/۲۵							
۳	جمله عمومی یک دنباله به صورت $a_n = 2^{n-1}$ است. جملات اول تا سوم این دنباله را بنویسید و سپس، با استفاده از فرمول، تعیین کنید چند جمله اول از این دنباله را با هم جمع کنیم تا مجموع آن‌ها برابر ۲۵۵ شود؟	۱							
۴	نمودار سهمی $y = ax^2 + bx + c$ به صورت زیر است. علامت ضرایب $a, b, c$ را تعیین کنید.	۰/۷۵							
۵	صفرهای تابع $f(x) = (4-x^2)^2 + 2(4-x^2) - 15$ را، در صورت وجود، به دست آورید.	۱/۲۵							
۶	معادله $ x-2  =  x+1 $ را به روش هندسی حل کنید.	۱/۲۵							
۷	نمودار تابع $f$ را چنان رسم کنید که همه شرایط زیر را داشته باشد: الف) $f(0) = 2, f(-2) = 5$ ب) تابع در بازه $[-2, -\infty)$ ثابت است، پ) تابع در بازه $[-2, 0]$ خطی است و موازی خط $y + x = 5$ است، ت) تابع به هر عدد مثبت، جذر آن را نسبت می‌دهد.	۱/۲۵							
۸	نمودار تابع با ضابطه $f(x) = \left[\frac{x}{2}\right]$ را در بازه $(-2, 4]$ با ارائه راه حل رسم کنید. ( [ ] نماد جزء صحیح است)	۱/۲۵							
۹	اگر $f(x) = x^3 - 1$ ، مقدار $f^{-1}(7)$ را به دست آورید.	۰/۷۵							
"ادامه سوالیات در صفحه بعد"									

ردیف	سئوالات (استفاده از ماشین حساب ساده بلامانع است)	نمره
سوالات امتحان شبه نهایی درس : حسابان ۱		
رشته : ریاضی و فیزیک		
مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه		
تعداد صفحه: ۲		
پایه یازدهم دوره دوم متوسطه نظری		
ساعت شروع : ۷:۳۰ صبح		
تاریخ امتحان: ۱۴۰۳/۲/۱		
نام و نام خانوادگی:		
دانش آموزان دبیرستان های دوره دوم متوسطه روزانه سراسر کشور در طرح سه نماسال ۱۴۰۳		
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش		
۱۰	اگر $f = \{(1,5), (-1,3), (2,4), (3,4)\}$ و $g = \{(3,5), (4,4), (5,6), (2,0)\}$ ، توابع زیر را به دست آورید:	۱/۲۵
	الف) $g^{-1}$ ب) $\frac{f}{g}$ ج) $f \circ g^{-1}$	
۱۱	با فرض $\log_2 = 0/3$ حاصل عبارت $A = \log_3 \frac{5}{2}$ را بیابید.	۰/۷۵
۱۲	معادله لگاریتمی روبرو را حل کنید: $\log_3(x-1) + \log_3(x+7) = 2\log_3(x+1)$	۱
۱۳	نیم عمر ماده ای ۸ روز است. اگر جرم اولیه این ماده ۲۰۰۰ گرم باشد، پس از چه مدت جرم این ماده به ۱ گرم می رسد؟ ( $\log_2 = 0/3$ )	۱/۲۵
۱۴	اگر $\cos \theta = \frac{3}{5}$ و انتهای کمان روبرو به زاویه $\theta$ در ناحیه چهارم مثلثاتی باشد، مقدار $\sin 2\theta$ را محاسبه کنید.	۱/۲۵
۱۵	نمودار تابع $f(x) = 1 -  \cos x $ را در بازه $[0, 2\pi]$ رسم کنید و برد آن را بنویسید.	۱/۲۵
۱۶	در تابع $f(x) = -6\cos(\frac{3\pi}{2} + x) - 1$ مقدار $f(\frac{11\pi}{6})$ را بیابید.	۱
۱۷	اگر مخرج کسر زیر صفر نباشد، حاصل عبارت را به ساده ترین صورت ممکن بنویسید.	۱
	$\frac{\sin(4\pi + \alpha) + \cos(\alpha - \frac{\pi}{2})}{\cos(\frac{3\pi}{2} - \alpha)}$	
۱۸	با توجه به نمودار تابع $f$ ، حدهای خواسته شده را در صورت وجود پیدا کنید.	۰/۷۵
		
	الف) $\lim_{x \rightarrow 2^-} f(x)$ ب) $\lim_{x \rightarrow 3} f(x)$ ج) $\lim_{x \rightarrow 0} f(x)$	
۱۹	نمودار تابع $f$ به صورت زیر است. حدود زیر را در صورت وجود بیابید. ( [ ] نماد جزء صحیح است)	۰/۷۵
		
	الف) $\left[ \lim_{x \rightarrow 1} f(x) \right]$ ب) $\lim_{x \rightarrow 1} [f(x)]$ ج) $\lim_{x \rightarrow 2^+} [f(x)]$	
۲۰	موفق و پیروز باشید	جمع نمره

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۷:۳۰ صبح	رشته: ریاضی و فیزیک	راهنمای تصحیح امتحان شبه نهایی درس: حسابان ۱	
تاریخ امتحان: ۱۴۰۳/۲/۱		پایه یازدهم دوره دوم متوسطه نظری		
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش http://aee.medu.gov.ir		دانش آموزان دبیرستان های دوره دوم متوسطه روزانه سراسر کشور در طرح سه نماسال ۱۴۰۳		
نمره	راهنمای تصحیح			ردیف
۱	(فعالیت صفحه ۲۵ کتاب)	(۰/۲۵ نمره)	الف) نادرست	۱
	(مشابه تمرین ۳ صفحه ۹۰ کتاب)	(۰/۲۵ نمره)	ب) درست	
	(فعالیت صفحه ۱۰۳ کتاب)	(۰/۲۵ نمره)	ج) نادرست	
	(مثال صفحه ۱۲۰ کتاب)	(۰/۲۵ نمره)	د) نادرست	
۱/۲۵	(مشابه کار در کلاس صفحه ۹ کتاب)	(۰/۲۵ نمره)	الف) $x^2 + 3x - 10 = 0$	۲
	(فعالیت صفحه ۵۶ کتاب)	(۰/۲۵ نمره)	ب) $x$ ها	
	(مشابه تمرین ۷ صفحه ۱۲۲ کتاب)	(۰/۵ نمره)	ج) (۱, ۲)	
	(مشابه توضیحات صفحه ۸۰ کتاب)	(۰/۲۵ نمره)	د) $(-1, +\infty)$	
۱	$1, 2, 4, \dots \Rightarrow S_n = \frac{1(1-2^n)}{1-2} = 255 \Rightarrow 2^n = 256 \Rightarrow n = 8$ (۰/۲۵ نمره) (۰/۲۵ نمره) (۰/۲۵ نمره) (۰/۲۵ نمره)			۳
	(تمرین ۵ صفحه ۶ کتاب)			
۰/۷۵	$c$ منفی (۰/۲۵ نمره)	$b$ منفی (۰/۲۵ نمره)	$a$ منفی (۰/۲۵ نمره)	۴
	(مشابه کار در کلاس صفحه ۱۲ کتاب)			
۱/۲۵	$4 - x^2 = u \rightarrow u^2 + 2u - 15 = 0 \Rightarrow \begin{cases} u = 3 \\ u = -5 \end{cases}$ (۰/۲۵ نمره) $4 - x^2 = 3 \Rightarrow x = \pm 1$ , $4 - x^2 = -5 \Rightarrow x = \pm 3$ (۰/۲۵ نمره) (۰/۲۵ نمره) (۰/۲۵ نمره) (۰/۲۵ نمره)			۵
	(مشابه مثال صفحه ۱۳ کتاب)			
۱/۲۵	 (۰/۷۵ نمره)			۶
	جوابهای معادله $x_1 = 1$ , $x_2 = -1$ , $x_3 = 3$ , $x_4 = -3$ (۰/۵ نمره)			
	(مشابه تمرین ۶ صفحه ۲۸ کتاب)			

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۷:۳۰ صبح	رشته: ریاضی و فیزیک	راهنمای تصحیح امتحان شبه نهایی درس: حسابان ۱									
تاریخ امتحان: ۱۴۰۳/۲/۱		پایه یازدهم دوره دوم متوسطه نظری										
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش http://aee.medu.gov.ir		دانش آموزان دبیرستان‌های دوره دوم متوسطه روزانه سراسر کشور در طرح سه نماسال ۱۴۰۳										
نمره	راهنمای تصحیح		ردیف									
۱/۲۵	<p>نقاط توخالی هر کدام (۰/۲۵) و رسم هر قسمت (۰/۲۵) نمره (مشابه تمرین ۶ صفحه ۴۳ کتاب)</p>		۷									
۱/۲۵	<table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tbody> <tr> <td><math>-1 \leq \frac{x}{2} &lt; 0</math></td> <td><math>0 \leq \frac{x}{2} &lt; 1</math></td> <td><math>1 \leq \frac{x}{2} &lt; 2</math></td> </tr> <tr> <td><math>-2 \leq x &lt; 0</math></td> <td><math>0 \leq x &lt; 2</math></td> <td><math>2 \leq x &lt; 4</math></td> </tr> <tr> <td><math>f(x) = -1</math></td> <td><math>f(x) = 0</math></td> <td><math>f(x) = 1</math></td> </tr> </tbody> </table> <p>(نمره ۰/۷۵)</p> <p>(نمره ۰/۵)</p> <p>(تمرین ۷ صفحه ۵۳ کتاب)</p>		$-1 \leq \frac{x}{2} < 0$	$0 \leq \frac{x}{2} < 1$	$1 \leq \frac{x}{2} < 2$	$-2 \leq x < 0$	$0 \leq x < 2$	$2 \leq x < 4$	$f(x) = -1$	$f(x) = 0$	$f(x) = 1$	۸
$-1 \leq \frac{x}{2} < 0$	$0 \leq \frac{x}{2} < 1$	$1 \leq \frac{x}{2} < 2$										
$-2 \leq x < 0$	$0 \leq x < 2$	$2 \leq x < 4$										
$f(x) = -1$	$f(x) = 0$	$f(x) = 1$										
۰/۷۵	$f^{-1}(7) = a \Rightarrow f(a) = 7 \Rightarrow a^3 - 1 = 7 \Rightarrow a = 2$ (نمره ۰/۲۵) (نمره ۰/۲۵) (نمره ۰/۲۵) <p>به راه حل درست دیگر نمره به تناسب تعلق گیرد. (مشابه فعالیت صفحه ۵۸ کتاب)</p>		۹									
۱/۲۵	الف) $g^{-1} = \{(5, 3), (4, 4), (6, 5), (0, 2)\}$ (نمره ۰/۲۵) ب) $\frac{f}{g} = \left\{ \left( 3, \frac{4}{5} \right) \right\}$ (نمره ۰/۵) ج) $f \circ g^{-1} = \{(5, 4), (0, 4)\}$ (نمره ۰/۵) <p>(مشابه تمرین ۵ صفحه ۶۹ کتاب)</p>		۱۰									

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۷:۳۰ صبح	رشته: ریاضی و فیزیک	راهنمای تصحیح امتحان شبه نهایی درس: حسابان ۱
تاریخ امتحان: ۱۴۰۳/۲/۱		پایه یازدهم دوره دوم متوسطه نظری	
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش http://aee.medu.gov.ir		دانش آموزان دبیرستان های دوره دوم متوسطه روزانه سراسر کشور در طرح سه نماسال ۱۴۰۳	
نمره	راهنمای تصحیح		ردیف
۰/۷۵	$A = \log \frac{5}{2} = \log \frac{10}{4} = \log 10 - \log 4 = 1 - 2 \log 2 = 0/4$ <p style="text-align: center;">(نمره ۰/۲۵)      (نمره ۰/۲۵)      (نمره ۰/۲۵)</p> <p style="text-align: right; color: red;">به راه حل درست دیگر نمره به تناسب تعلق گیرد.</p> <p style="text-align: right; color: blue;">(مشابه کار در کلاس صفحه ۸۷ کتاب)</p>		۱۱
۱	$\log_3(x-1) + \log_3(x+7) = 2 \log_3(x+1) \Rightarrow \log_3(x-1)(x+7) = \log_3(x+1)^2$ <p style="text-align: center;">(نمره ۰/۲۵)      (نمره ۰/۲۵)</p> $\Rightarrow x^2 + 6x - 7 = x^2 + 2x + 1 \Rightarrow x = 2$ <p style="text-align: center;">(نمره ۰/۲۵)      (نمره ۰/۲۵)</p> <p style="text-align: right; color: red;">به راه حل درست دیگر نمره به تناسب تعلق گیرد.</p> <p style="text-align: right; color: blue;">(مشابه تمرین ۱ صفحه ۹۰ کتاب)</p>		۱۲
۱/۲۵	$1 = 2 \dots \left(\frac{1}{2}\right)^t \Rightarrow \log 1 = \log 2 \dots + \frac{t}{8} \log \left(\frac{1}{2}\right)$ <p style="text-align: center;">(نمره ۰/۲۵)      (نمره ۰/۲۵)</p> $\Rightarrow 0 = \log 2 + \log 1 \dots + \frac{t}{8} (-\log 2) \Rightarrow 0 = 0/3 + 3 + \frac{t}{8} (-0/3) \Rightarrow t = 88$ <p style="text-align: center;">(نمره ۰/۲۵)      (نمره ۰/۲۵)      (نمره ۰/۲۵)</p> <p style="text-align: right; color: red;">به راه حل درست دیگر نمره به تناسب تعلق گیرد.</p> <p style="text-align: right; color: blue;">(مشابه تمرین ۴ صفحه ۹۰ کتاب)</p>		۱۳
۱/۲۵	$\sin^2 \theta = 1 - \cos^2 \theta = 1 - \frac{9}{25} \quad \frac{3\pi}{2} < \theta < 2\pi \rightarrow \sin \theta = \frac{-4}{5}$ <p style="text-align: center;">(نمره ۰/۲۵)      (نمره ۰/۲۵)</p> $\sin 2\theta = 2 \sin \theta \cos \theta = 2 \left(\frac{-4}{5}\right) \left(\frac{3}{5}\right) = \frac{-24}{25}$ <p style="text-align: center;">(نمره ۰/۲۵)      (نمره ۰/۲۵)      (نمره ۰/۲۵)</p> <p style="text-align: right; color: red;">به راه حل درست دیگر نمره به تناسب تعلق گیرد.</p> <p style="text-align: right; color: blue;">(مشابه تمرین ۲ صفحه ۱۱۲ کتاب)</p>		۱۴

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۷:۳۰ صبح	رشته: ریاضی و فیزیک	راهنمای تصحیح امتحان شبه نهایی درس: حسابان ۱
تاریخ امتحان: ۱۴۰۳/۲/۱		پایه یازدهم دوره دوم متوسطه نظری	
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش http://aee.medu.gov.ir		دانش آموزان دبیرستان های دوره دوم متوسطه روزانه سراسر کشور در طرح سه نماسال ۱۴۰۳	
نمره	راهنمای تصحیح		ردیف
۱/۲۵	 <p>رسم نمودار <math>y = \cos x</math> (نمره ۰/۲۵) رسم <math>y =  \cos x </math> (نمره ۰/۲۵) رسم <math>y = - \cos x </math> (نمره ۰/۲۵)</p> <p>در صورتیکه فقط نمودار نهایی رسم شده باشد ۱ نمره کامل تعلق گیرد.</p> <p>برد <math>[0, 1]</math> (نمره ۰/۲۵)</p> <p>(مشابه تمرین ۱۲ صفحه ۱۰۹ کتاب)</p>		۱۵
۱	$f\left(\frac{11\pi}{6}\right) = -6 \cos\left(\frac{3\pi}{2} + \frac{11\pi}{6}\right) - 1 = -6 \cos\left(\frac{10\pi}{3}\right) - 1 = -6 \cos\left(\pi + \frac{\pi}{3}\right) - 1 = 6 \cos\left(\frac{\pi}{3}\right) - 1 = 6\left(\frac{1}{2}\right) - 1 = 2$ <p>(نمره ۰/۲۵) (نمره ۰/۲۵) (نمره ۰/۲۵) (نمره ۰/۲۵)</p> <p>به راه حل درست دیگر نمره به تناسب تعلق گیرد.</p> <p>(مشابه مثال صفحه ۱۰۱ کتاب)</p>		۱۶
۱	$\frac{\sin(4\pi + \alpha) + \cos\left(\alpha - \frac{\pi}{2}\right)}{\cos\left(\frac{3\pi}{2} - \alpha\right)} = \frac{\sin(\alpha) + \sin(\alpha)}{-\sin(\alpha)} = \frac{2\sin(\alpha)}{-\sin(\alpha)} = -2$ <p>(نمره ۰/۲۵) (نمره ۰/۲۵)</p> <p>(مشابه فعالیت ب صفحه ۱۰۳ کتاب)</p>		۱۷
۰/۲۵	<p>الف) ۳- (ب) وجود ندارد (ج) ۱ (نمره ۰/۲۵)</p> <p>(مشابه تمرین ۱ صفحه ۱۲۷ کتاب)</p>		۱۸
۰/۲۵	<p>الف) ۲ (ب) ۱ (ج) صفر (نمره ۰/۲۵)</p> <p>(مشابه تمرین ۶ صفحه ۱۲۹ کتاب)</p>		۱۹
با آرزوی موفقیت در پناه مهربان دانا برای شما همکار محترم			