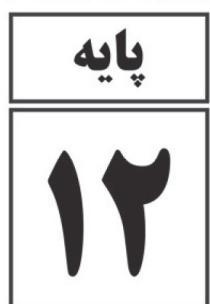




مرکز سنجش آموزش مدارس برتر



آزمون شماره ۱۴ پایه دوازدهم

دفترچه شماره ۱

۱۴۰۳/۲/۲۶

آزمون اختصاصی گروه آزمایشی علوم ریاضی و فنی

مدت پاسخ‌گویی: ۷۰ دقیقه

تعداد سؤال: ۴۰

عنوان مواد امتحانی آزمون اختصاصی گروه آزمایشی علوم ریاضی و فنی، تعداد، شماره سوالات و مدت پاسخ‌گویی

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سؤال	از شماره	تا شماره	مدت پاسخ‌گویی
۱	حسابان	۱۵	۱	۱۵	۲۵ دقیقه
۲	هندسه	۱۲	۱۶	۲۸	۲۳ دقیقه
۳	گسسته	۱۲	۲۹	۴۰	۲۲ دقیقه

مواد امتحانی	سو فصل دوازدهم	سو فصل یازدهم	سو فصل دهم
حسابان	—	—	—
هندسه	—	—	—
گسسته	—	—	—

تمامی حقوق مادی و معنوی آزمون، متعلق به مرکز سنجش آموزش مدارس برتر بوده و هرگونه استفاده از آن بدون داشتن اجازه‌نامه کتبی از این مرکز، خلاف قانون و عرف و قابل پیگیری می‌باشد.

سال تحصیلی ۱۴۰۲-۱۴۰۳

ریاضیات

-۱ قرینه تابع $f(x) = \sqrt{8-x}$ نسبت به مبدأ مختصات را واحد به بالا و واحد در راستای محور x ها در جهت مثبت انتقال می‌دهیم.

اگر نمودار تابع به دست آمده نمودار f را در $x=1$ قطع کند، a کدام است؟

۵ (۴)

۴ (۳)

۶ (۲)

۸ (۱)

-۲ تابع $f(x) = \frac{2x+1}{x-1}$ را نسبت به محور عرض‌ها قرینه کرده و تابع به دست آمده را نسبت به خط $x=y$ قرینه کرده و تابع حاصل را g می‌نامیم. اگر ابتدا تابع f را نسبت به خط $x=y$ قرینه کرده و سپس آن را به محور عرض‌ها قرینه کنیم، آن را h بنامیم حاصل

چه عددی است؟

۱ (۴)

-۱ (۳)

۱ (۲)

-۱ (۱)

-۳ هرگاه $y = f(f(x))$ باقیمانده f بر $x+1$ باشد، a چه عددی است؟

-۱ (۲)

۱ (۱)

-۱ (۴)

۱ (۳)

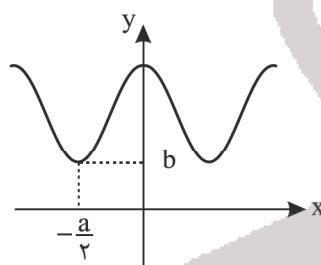
-۴ قسمتی از نمودار تابع $f(x) = 3a + 2\cos\frac{\pi}{b}x$ به شکل زیر است. مقدار $2a+b$ کدام است؟

۱ (۱)

۶ (۲)

۴ (۳)

۲ (۴)



-۵ معادله مثلثاتی $\cos x + \sin 2x = 0$ در بازه $[0^\circ, \alpha^\circ]$ دارای ۳ جواب است. حداقل α کدام است؟

۷π/۶ (۴)

۱۹π/۶ (۳)

۱۱π/۶ (۲)

۳π/۲ (۱)

-۶ اگر $\tan(\frac{\pi}{4} + \alpha) = \tan \alpha + \tan 2\alpha$ و $\frac{\pi}{4} < \alpha < \pi$ مقدار $\tan \alpha + \tan 2\alpha$ کدام است؟

۲√۳ - 1 (۴)

۲√۳ + 1 (۳)

√۳ - 2 (۲)

√۳ + 2 (۱)

محل انجام محاسبه

$a > 3$ (۴)	$a < 3$ (۳)	$a < -3$ (۲)	$a > -3$ (۱)
6 (۴)	-2 (۳)	2 (۲)	-6 (۱)
$\lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{bx + 2a \cos \pi[x]}{b \sin^2 \frac{\pi}{x} + 3}$ کدام است؟	$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{f(2x)}{x}$ کدام است؟	$f(x) = 2x - \sqrt{x^2 + 2x}$ اگر x	$f(x) = x + \sqrt[3]{x}$ اگر x
$\frac{2}{3}$ (۲)	$\frac{4}{5}$ (۴)	$\frac{3}{5}$ (۱)	$\frac{4}{3}$ (۳)
نیم‌مماس‌های چپ و راست تابع $y = \sin x \cos x$ در نقطه گوش آن در بازه $(\pi, 0)$ ، خط $y = 2$ را در نقاط A و B قطع می‌کنند.	مساحت مثلثی که دو رأس آن A و B و یک رأس آن نقطه گوش مفروض است، چقدر است؟	با فرض b مشتق پذیر است. مقدار b کدام است؟	حاصل ضرب مقادیر ماکزیمم و مینیمم مطلق تابع $f(x) = (x-2) x - k$ در بازه $[-1, 4]$ برابر ۱۰ است. مقدار k کدام است؟
4 (۴)	8 (۳)	4π (۲)	8π (۱)
$\frac{1}{9}$ (۴)	$\frac{2}{3}$ (۳)	$\frac{1}{3}$ (۲)	$\frac{5}{9}$ (۱)
تابع $f(x) = \sqrt[3]{x+2} - a$ در بازه $(-a, a)$ اکیداً صعودی است. حداقل a کدام است؟	تابع $f(x) = x^3 + ax + b$ تابع $x \geq a$ کدام است؟	تابع $f(x) = (x-2) x - k$ در بازه $[-1, 4]$ برابر ۱۰ است. مقدار k کدام است؟	تابع $f(x) = x^3 - 3x^2 - 9x + a$ برابر ۱۰ باشد، عرض نقطه ماکزیمم نسبی تابع کدام است؟
$\sqrt[3]{2}$ (۴)	$\frac{1}{2}$ (۳)	2 (۲)	1 (۱)
32 (۴)	24 (۳)	42 (۲)	27 (۱)

محل انجام محاسبه

- ۱۵- خط گذرنده از نقاط $(-1, 0)$ و $(0, 2)$ در نقطه عطف تابع $f(x) = x^3 + ax^2 + bx + 1$ بر آن مماس است. مقدار $f(2)$ کدام است؟

۱۰) ۴

۸) ۳

۷) ۲

۶) ۱

- ۱۶- اگر $A = \begin{bmatrix} 1 & 0 & y \\ 0 & x & 0 \\ 1 & 0 & z \end{bmatrix}$ و A^2 ماتریس اسکالر غیر صفر و $B = \begin{bmatrix} 2y & x^2 - 2 \\ 2z & z \end{bmatrix}$ باشد، آنگاه دترمینان ماتریس $-2B$ کدام است؟

-۱۰) ۴

-۸) ۳

-۴) ۲

-۲) ۱

- ۱۷- اگر $A = \begin{bmatrix} 1 & -1 & 2 \\ 0 & 2 & -3 \\ 3 & -2 & 4 \end{bmatrix}$ و ماتریس B در رابطه ماتریسی $\begin{bmatrix} |A| & |A|+1 \\ \sqrt{-|A|} & 1 \end{bmatrix}$ صدق کند، آنگاه مجموع

درایه های قطر فرعی B برابر کدام است؟

۱) ۴

-۱) ۳

۲) ۲

۱) صفر

- ۱۸- اگر به درایه واقع در سطر اول و ستون سوم ۵ واحد اضافه شود، مقدار دترمینان ماتریس تغییر نمی کند.

$$\begin{bmatrix} 2 & 1 & 3 \\ -3 & a & 1 \\ -2 & 2 & -2 \end{bmatrix}$$

مجموع درایه های وارون ماتریس $\begin{bmatrix} a-1 & 3-a \\ a+2 & 4-a \end{bmatrix}$ برابر کدام است؟

- $\frac{1}{2})$ ۴ $\frac{3}{4})$ ۳

-۱) ۲

۱) ۱

- ۱۹- اگر $C = AB$, $B = \begin{bmatrix} \cos\alpha & \sin\alpha & 0 \\ -\sin\alpha & \cos\alpha & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$, $A = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 1 \\ -1 & 1 & 0 \\ 0 & -1 & m \end{bmatrix}$ برقرار باشد، کمترین مقدار m

چقدر است؟

۴) صفر

-۴) ۳

- $\frac{4}{3})$ ۲۴) $\frac{4}{3}$

- ۲۰- در صفحه یک مثلث چند نقطه می توان یافت که از سه ضلع مثلث یا امتداد آنها به یک فاصله باشد؟

۱) حداقل ۱

۴) ۳

۱) دقیقاً ۱

- ۲۱- دو خط $y = -2x + 3$ و $y = 2x - 1$ که بر محور x ها مماس است را قطع می کنند. اگر خط ℓ بزرگ ترین وتر را برابر

دایره ایجاد کند و مجموع کمان های بین دو خط ℓ و d برابر 90° باشد، مجموع طول و عرض مثبت مرکز دایره کدام است؟

 $\frac{3}{2})$ ۴ $\frac{3\sqrt{5}}{2} - \frac{1}{2})$ ۳ $\frac{5}{2})$ ۲ $\frac{3}{5}\sqrt{10} - \frac{1}{2})$ ۱

محل انجام محاسبه

- ۲۲- دو دایره $x^2 + y^2 + 2x - 2y = 0$ و $x^2 + y^2 - 2x + 4y + a = 0$ مماس خارج‌اند. در این صورت دو دایره $x^2 + y^2 + 4x - 4y - \frac{a}{4} = 0$ چند مماس مشترک دارند؟

(۴) ۲

(۳) ۳

(۲) ۱

(۱) صفر

- ۲۳- در بیضی هم مرکز با دایره $x^2 + y^2 + 4x - 2y + 2 = 0$ اگر مختصات یکی از رئوس ناکانونی و یکی از کانون‌ها به ترتیب $(-2, 2 + \sqrt{2})$ و $(1, -3 - \sqrt{2})$ باشند، خروج از مرکز بیضی کدام است؟

 $\frac{\sqrt{2}}{2}$ $\frac{\sqrt{3}}{2}$ $\frac{1}{2}$ $\frac{\sqrt{3}}{3}$

- ۲۴- سهمی $y^2 + 4 = 4x$ مفروض است. به مرکز کانون سهمی و شعاع ۳ واحد دایره‌ای رسم می‌کنیم. مساحت مثلثی با رئوس نقاط برخورد این دو مقطع مخروطی و رأس سهمی برابر کدام است؟

 $4\sqrt{2}$ $2\sqrt{2}$

۶

(۱)

- ۲۵- بردار $\vec{k} = \vec{i} - \vec{j} + m\vec{a}$ با محورهای مختصات x و y و z به ترتیب زاویه‌های α ، β و γ درجه می‌سازد. در این صورت $\cos^2 \alpha + \cos^2 \beta$ برابر کدام است؟

(۴) صفر

 $\frac{1}{4}$ $\frac{1}{2}$

(۱)

- ۲۶- اگر زاویه بین $\vec{a} - \vec{b}$ و $\vec{b} = -\vec{i} + 2\vec{j} + 2\vec{k}$ باشد، بردار تصویر \vec{b} بر امتداد بردار \vec{a} ، چند برابر بردار \vec{a} است؟

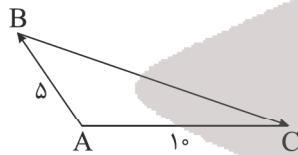
(۴) صفر

 $\frac{2}{7}$

۲

 $\frac{3}{5}$

- ۲۷- در شکل زیر با دانستن $|\overrightarrow{BC}| > 10$ ، حاصل $|\overrightarrow{AB} \times \overrightarrow{BC}| = 25\sqrt{3}$ برابر کدام است؟



(۱)

۲۵ (۲)

-۲۵ (۳)

-۵۰ (۴)

- ۲۸- اگر مساحت مثلث ساخته شده با دو بردار \vec{a} و \vec{b} برابر ۷۵ باشد، اندازه بردار $(\frac{\vec{a}}{|\vec{a}|} \times (\frac{1}{3} \vec{b} \times 5\vec{a}))$ چقدر است؟

۵۰ (۴)

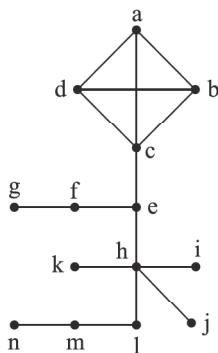
 $\frac{75}{3}$

۲۵ (۲)

 $\frac{25}{3}$ (۱)

محل انجام محاسبه

- ۲۹- می دانیم در گراف G با شکل زیر، مجموعه $A - V(G)$ ، یک مجموعه احاطه گر مینیمال است. در این صورت حداقل و حداقل تعداد عضو مجموعه A کدام است؟



(۱) ۵ - ۵

(۲) ۹ - ۶

(۳) ۱۰ - ۶

(۴) ۱۰ - ۵

- ۳۰- گراف G ، از اجتماع یک گراف P_n منتظم همبند مرتبه n و یک گراف P_4 تشکیل شده است. اگر حاصل ضرب درجات رئوس گراف G

برابر 1024 باشد، در این صورت در گراف \bar{G} ، مجموع درجات رئوس برابر کدام است؟

(۱) ۱۱۴ (۴)

(۲) ۱۰۸ (۳)

(۳) ۱۱۲ (۲)

(۴) ۱۱۰

- ۳۱- در یک کلاس 28 دانش آموز حضور دارند. در هر زنگ معلم گستته 3 دانش آموز را پای تخته می آورد. این کلاس حداقل چند جلسه تشکیل شود تا مطمئن باشیم دانش آموزی وجود دارد که حداقل 5 بار پای تخته رفته است؟

(۱) ۳۷ (۴)

(۲) ۴۰ (۳)

(۳) ۳۹ (۲)

(۴) ۳۸

- ۳۲- به چند طریق می توان 5 مسافر ون که مسعود یکی از آنهاست در سه ایستگاه میدان آزادی، میدان انقلاب و میدان فردوسی پیاده کرد به طوری که در هر ایستگاه حداقل یک مسافر پیاده شود و مسعود در ایستگاه آزادی پیاده نشود؟

(۱) ۱۰۰ (۴)

(۲) ۱۶۲ (۳)

(۳) ۱۵۰ (۲)

(۴) ۵۰

- ۳۳- در گراف ساده G $|E(G)| = 32$. G $\delta(G) = 5$ می باشد. حداقل مقدار مرتبه گراف کدام است؟

(۱) ۱۱ (۴)

(۲) ۱۰ (۳)

(۳) ۸ (۲)

(۴) ۹

- ۳۴- تعداد جمله های متمایز بسط $(a^2 + b^3 + c)^n$ که در آن توان a بزرگ تر از 3 و توان b بزرگ تر از 7 باشد؟

(۱) ۲۱ (۴)

(۲) ۲۸ (۳)

(۳) ۳۶ (۲)

(۴) ۱۵

- ۳۵- دو مربع لاتین A و B متعامد هستند. حاصل xyz کدام است؟

A				
۵	۴	۲	۳	۱
۱	۵	۴	۲	۳
۳	۱	۵	۴	۲
۲	۳	۱	۵	۴
۴	۲	۳	۱	۵

B				
x	۳	۱		
۵		y		
		۴		z
۱				
	۲		۳	

(۱) ۲۰

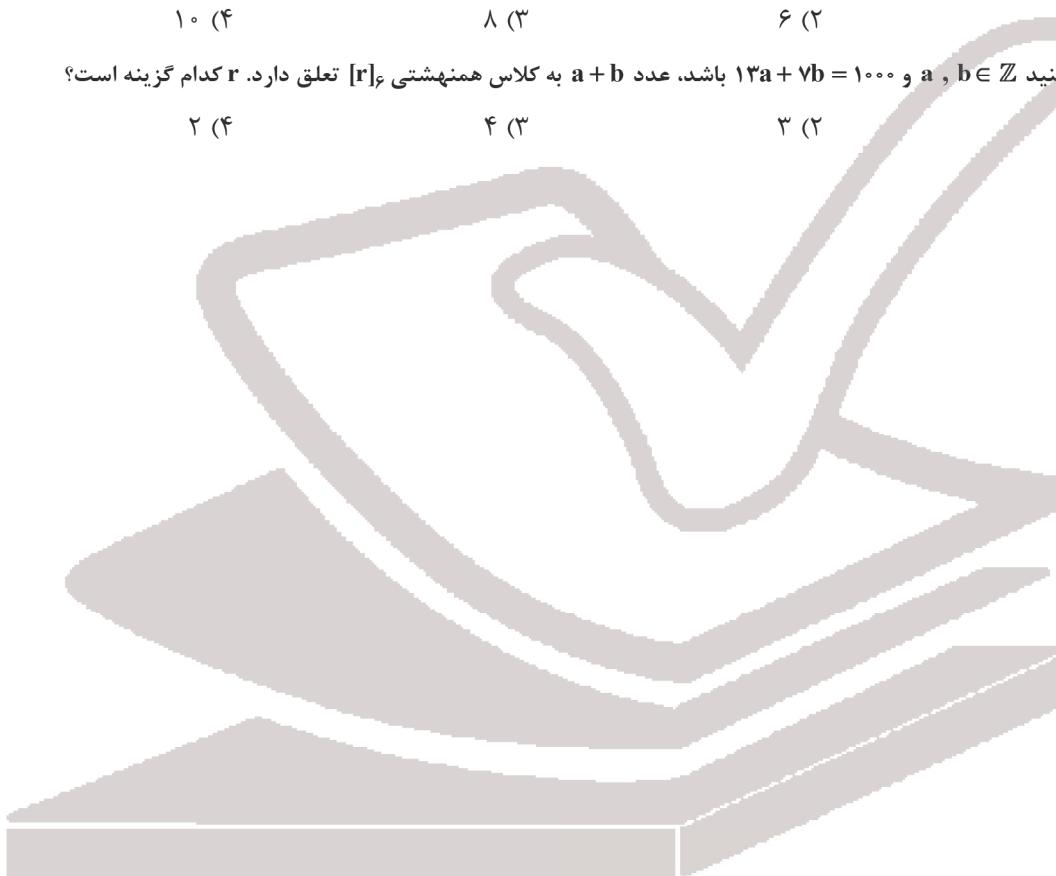
(۲) ۲۴

(۳) ۴۰

(۴) ۶۰

محل انجام محاسبه

- ۳۶- مجموع ارقام اولین عدد طبیعی و ۳ رقمی m که در رابطه $9m \equiv 3! + 4! + \dots + 100!$ صدق می‌کند، کدام است؟
- ۱۸ (۴) ۷ (۳) ۱۳ (۲) ۲ (۱)
- ۳۷- اگر c و a و b سه عدد حقیقی مثبت باشند، آنگاه مقدار عدد طبیعی n حداقلتر کدام باشد تا نامساوی $(a+2b+c)\left(\frac{1}{a} + \frac{2}{b} + \frac{1}{c}\right) \geq n$ برقرار باشد؟
- ۱۶ (۴) ۱۰ (۳) ۸ (۲) ۹ (۱)
- ۳۸- اگر $a \in [5]_{13}$ و $b \in [7]_{16}$ باشد، آنگاه باقیمانده تقسیم a^b بر 13 کدام است؟
- ۶ (۴) ۷ (۳) ۸ (۲) ۵ (۱)
- ۳۹- اگر a باشد آنگاه برای a چند مقدار صحیح وجود دارد؟ $[[a, (a, 3^0)], (72, [72, a])] = 216$
- ۱۰ (۴) ۸ (۳) ۶ (۲) ۴ (۱)
- ۴۰- فرض کنید $a, b \in \mathbb{Z}$ و $13a + 7b = 1000$ باشد، عدد $a+b$ به کلاس همنهشتی $[r]$ تعلق دارد. r کدام گزینه است؟
- ۲ (۴) ۴ (۳) ۳ (۲) ۱ (۱)



محل انجام محاسبه



دانشگاه
آزاد

آزمون

۱۴



مرکز سنجش آموزش مدارس برتر

پایه

۱۲

آزمون شماره ۱۴ پایه دوازدهم

دفترچه شماره ۲۵

۱۴۰۳/۲/۲۶

آزمون اختصاصی
گروه آزمایشی علوم ریاضی و فنی

مدت پاسخ‌گویی: ۷۵ دقیقه

تعداد سؤال: ۶۵

عنوان مواد امتحانی آزمون اختصاصی گروه آزمایشی علوم ریاضی و فنی، تعداد، شماره سوالات و مدت پاسخ‌گویی

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سؤال	از شماره	تا شماره	مدت پاسخ‌گویی
۱	فیزیک	۳۵	۴۱	۷۵	۴۵ دقیقه
۲	شیمی	۳۰	۷۶	۱۰۵	۳۰ دقیقه

مواد امتحانی	سرفصل دهم	سرفصل بازدهم	سرفصل دوازدهم
فیزیک	—	—	کل کتاب
شیمی	—	—	کل کتاب

تمامی حقوق مادی و معنوی آزمون، متعلق به مرکز سنجش آموزش مدارس برتر بوده و هرگونه استفاده از آن بدون داشتن اجازه‌نامه کتبی از این مرکز، خلاف قانون و عرف و قابل پیگیری می‌باشد.

سال تحصیلی ۱۴۰۲-۱۴۰۳

- ۴۱- معادله حرکت متحرکی در SI به صورت $x = t^2 - 4t + 5$ می‌باشد. در بازه زمانی که متحرک در حال نزدیک شدن به مبدأ مکان است، بزرگی سرعت متوسط متحرک چند متر بر ثانیه است؟

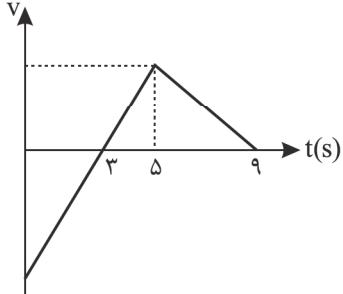
۴) ۴

۳) ۳

۲) ۲

۱) ۱

- ۴۲- نمودار سرعت - زمان متحرکی که روی محور Xها حرکت می‌کند مطابق شکل زیر است. اگر سرعت متوسط متحرک در ۹ ثانیه اول حرکت برابر $\frac{m}{s}$ ۲ باشد، شتاب حرکت متحرک در هنگام حرکت تندیشونده چند $\frac{m}{s^2}$ است؟



۳) ۳

۶) ۶

۹) ۹

۱۲) ۱۲

- ۴۳- معادله شتاب - زمان متحرکی در SI به صورت $a = -2t + 6$ می‌باشد. اگر سرعت اولیه متحرک $20 \frac{m}{s}$ باشد، سرعت متحرک در لحظه $t = 5s$ چند متر بر ثانیه است؟

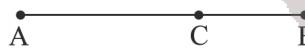
۳۵) ۴

۳۰) ۳

۲۵) ۲

۱۵) ۱۵

- ۴۴- مطابق شکل، متحرک (۱) از نقطه A روی خط راست با سرعت ثابت می‌گذرد. ۲ ثانیه بعد متحرک (۲) با سرعت ثابت از نقطه B گذشته و دو متحرک در نقطه C از کنار هم می‌گذرند. در ادامه ۶ ثانیه طول می‌کشد تا متحرک اول از B برسد و $20s$ طول می‌کشد تا متحرک دوم از C به A برسد. متحرک اول فاصله A تا B را در جند ثانیه طی کرده است؟



۱۸) ۲

۱۶) ۱۶

۲۴) ۴

۲۰) ۳

- ۴۵- نمودار مکان - زمان دو متحرک A و B در حرکت بر خط راست مطابق شکل زیر است. اگر در لحظه $t = 12s$ فاصله دو متحرک ۱۶۰ متر باشد و تندی متحرک B، ۳ برابر تندی متحرک A باشد، فاصله دو متحرک در شروع حرکت چند متر بوده است؟



۸۰) ۱

۱۲۰) ۲

۱۶۰) ۳

۲۰۰) ۴

- ۴۶- متحرکی بر مسیر مستقیم جایه‌جایی $52m$ را در مدت 10 ثانیه با شتاب ثابت $2 \frac{m}{s^2}$ طی می‌کند. سرعت متحرک در پایان این مسیر چند $\frac{m}{s}$ است؟

۱۸/۴) ۴

۱۵/۲) ۳

۸/۲) ۲

۴/۸) ۱

- ۴۷- متحرکی در مبدأ زمان با شتاب ثابت از مکان $-5m$ در جهت مثبت محور x می‌گذرد. اگر این متحرک در لحظات $t = 18s$ و $t = 5s$ از مبدأ مکان ($x = 0$) بگذرد، بردار شتاب این متحرک در SI کدام است؟

-۲i) ۴

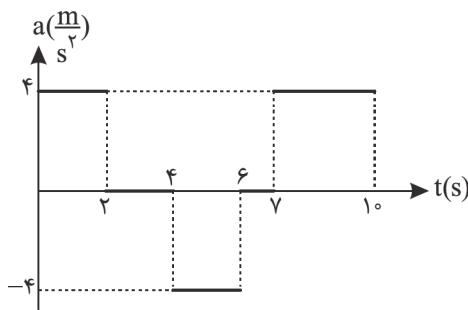
2i) ۳

-i) ۲

i) ۱

محل انجام محاسبه

- ۴۸- شکل زیر نمودار شتاب - زمان متحرکی را نشان می‌دهد که از حال سکون در مسیر مستقیم شروع به حرکت می‌کند. در بازه زمانی $t = 0$ تا $t = 10\text{ s}$ سرعت متوسط متحرک چند متر بر ثانیه است؟



- ۱) صفر
۲) ۲
۳) ۵
۴) ۸

- ۴۹- خودرویی از یک نقطه روی خط راست با شتاب ثابت $\frac{m}{s^2} = 3$ از حال سکون به راه می‌افتد. ۲s پس از آن خودروی دیگری با سرعت ثابت

$24 \frac{m}{s}$ از همان نقطه و در همان جهت می‌گذرد. چند بار این دو خودرو از کنار هم عبور می‌کنند؟

- ۱) صفر
۲) ۳
۳) ۴

- ۵۰- گلوله A از ارتفاع 200 m متری سطح زمین رها می‌شود. یک ثانیه بعد، گلوله B از 20 m متر پایین‌تر رها می‌شود. ۴ ثانیه پس از رها شدن گلوله B، کدام گزینه درست است؟

۱) دو گلوله به هم می‌رسند.
۲) گلوله A، 25 m متر پایین‌تر از گلوله B است.

۳) گلوله B، 10 m متر پایین‌تر از گلوله A است.

- ۵۱- دو گوی با جرم‌های متفاوت، از بالای برجی به ارتفاع h به طور همزمان از حال سکون رها می‌کنیم. با فرض اینکه نیروی مقاومت هوا در طی حرکت دو گوی باشند، در این صورت گوی سبک‌تر از گوی سنگین‌تر به زمین رسیده و تندی برخورد گوی سبک‌تر به سطح زمین از تندی برخورد گوی سنگین‌تر به سطح زمین است.

- ۱) زودتر - کمتر
۲) زودتر - بیشتر
۳) دیرتر - کمتر
۴) دیرتر - بیشتر

- ۵۲- گلوله‌ای به جرم 400 g در راستای قائم با تندی $\frac{m}{s} = 30$ به زمین برخورد کرده و با تندی $\frac{m}{s} = 20$ در راستای قائم از سطح زمین جدا می‌شود. اگر زمان تماس گلوله با سطح زمین $18/0$ باشد، اندازه نیروی متوسط وارد بر گلوله در هنگام تماس گلوله با سطح زمین، چند نیوتون است؟ ($g = 10 \frac{N}{kg}$)

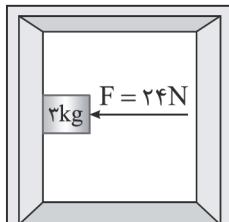
- ۱) ۱۲۰
۲) ۲۰۰
۳) ۱۹۶
۴) ۲۰۴

- ۵۳- مطابق شکل بر جسمی به جرم 2 kg نیروهای افقی F' و قائم F اثر کرده است و جسم با شتاب a در واحد SI شروع به حرکت می‌کند. اگر فقط جهت نیروی F قریب‌تر شود، جسم با شتاب (a + ۴) در واحد SI در همان جهت حرکت خواهد نمود. اگر ضریب اصطکاک جنبشی جسم و سطح $5/0$ باشد، اندازه نیروی F چند نیوتون است؟ ($g = 10 \frac{N}{kg}$)

- ۱) ۴
۲) ۸
۳) ۱۰
۴) باید F' معلوم باشد.

محل انجام محاسبه

- مطابق شکل آسانسور با شتاب $\frac{m}{s^2} = 4$ به صورت کندشونده به سمت بالا در حرکت بوده و با اعمال نیروی افقی F ، جسم نسبت به دیواره آسانسور ساکن است. نیرویی که دیواره قائم آسانسور به جسم وارد می‌کند چند نیوتون است؟ ($g = 10 \frac{N}{kg}$)



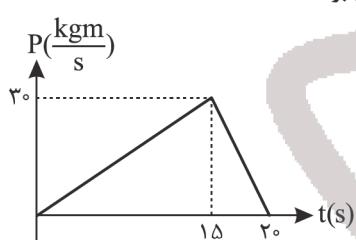
- ۳۰) ۱
۴۰) ۲
۵۰) ۳
۷۰) ۴

- جسمی به جرم $2kg$ به فنری با ثابت $\frac{N}{cm} = 5$ که از سقف آسانسور ساکن آویزان است متصل بوده و جسم در حال تعادل است و طول فنر در این حالت L می‌باشد. اگر آسانسور با شتاب $\frac{m}{s^2} = 2$ به سمت پایین از حال سکون شروع به حرکت نماید در این صورت طول فنر

$$(g = 10 \frac{N}{kg})$$

نسبت به طول فنر در حالتی که آسانسور ساکن بوده به اندازه میلی‌متر می‌یابد.

- ۱) ۸ - افزایش
۲) ۸ - کاهش
۳) ۴۸
۴) ۴۸ - افزایش
۵) نیروی ثابت و افقی F در ۱۵ ثانیه اول حرکت به جسم ساکن $2kg$ وارد شده و سپس قطع می‌شود. شکل زیر نمودار تکانه - زمان این جسم را نشان می‌دهد که در مسیر مستقیم و افقی حرکت می‌کند. اندازه نیروی F چند نیوتون بوده است؟



- ۲) ۱
۴) ۲
۶) ۳
۸) ۴

- متحرکی بر روی دایره‌ای به شعاع 12 متر به طور یکنواخت حرکت می‌کند. اگر این متحرک در مدت 2 ثانیه $\frac{1}{4}$ محیط دایره را طی کند، شتاب متوسط متحرک در این بازه چند متر بر مجدور ثانیه است؟ ($\pi = 3$)

$$\frac{4/5\sqrt{2}}{2} \quad 4/5\sqrt{2} \quad 4/5 \quad 1) \text{ صفر}$$

- فاصله ماهواره‌ای تا سطح زمین 3 برابر شعاع زمین است. شتاب جاذبه در محل ماهواره، چند برابر شتاب جاذبه روی سطح زمین است؟

$$\frac{1}{16} \quad \frac{1}{9} \quad \frac{1}{4} \quad 1) \frac{1}{3}$$

- معادله مکان - زمان نوسانگر ساده‌ای به صورت $x = A \cos(\omega t)$ است. اگر در لحظه t_1 (ثانیه) متحرک برای اولین بار در مکان

$$x = \frac{A}{2} \text{ باشد، در لحظه } t = 2t_1 \text{ (ثانیه) مکان نوسانگر کدام است؟}$$

$$-\frac{A\sqrt{3}}{2} \quad \frac{A\sqrt{3}}{2} \quad -\frac{A}{2} \quad 1) \frac{A}{2}$$

- معادله مکان - زمان نوسانگری در SI به صورت $x = 0.02 \cos(\pi t)$ است. مسافتی که نوسانگر در بازه زمانی $t_2 = \frac{1}{3}s$ تا $t_1 = \frac{1}{3}s$ چند سانتی‌متر است؟

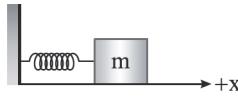
- ۱۲) ۴
۱۰) ۳
۸) ۲
۲) ۱

محل انجام محاسبه

۶۱- جسمی به جرم $5/2$ کیلوگرم به فنری با ثابت $k = 200 \frac{N}{m}$ متصل بوده و روی محور x ها حرکت نوسانی ساده انجام می‌دهد. اگر

کمترین و بیشترین طول فنر در حین نوسان 38cm و 52cm باشد، در لحظه‌ای که شتاب نوسانگر $\ddot{a} = 4 \frac{m}{s^2}$ است، طول فنر

چند سانتی‌متر است؟



۴۴) ۲ ۴۲) ۱

۴۸) ۴ ۴۶) ۳

۶۲- جسمی به جرم m به فنری با ثابت $4 \frac{N}{cm}$ متصل است. فنر را به اندازه 2cm از طول طبیعی کشیده و سپس رها می‌کنیم. جسم روی

سطح افقی بدون اصطکاک شروع به نوسان می‌کند. لحظه‌ای که تندي نوسانگر به نصف تندي بیشینه می‌رسد، انرژی پتانسیل نوسانگر

چند میلی‌ژول است؟

۸۰) ۴ ۶۰) ۳ ۴۰) ۲ ۲۰) ۱

۶۳- تار مرتعشی به قطر 2mm و چگالی $\frac{g}{cm^3} = 7/8$ با نیروی 234N کشیده می‌شود و در آن موج عرضی با دامنه 5mm و بسامد

200Hz ایجاد می‌شود. مسافتی که موج در مدت $1/200$ ثانیه طی می‌کند چند، برابر مسافتی است که هر یک از ذرات طناب در همین مدت در اثر نوسان، طی می‌کند؟ ($\pi = 3$)

۵۰) ۴ ۲۵) ۳ ۱۲/۵) ۲ ۱) ۱

۶۴- یک موج الکترومغناطیسی به سمت غرب در حال انتشار است. اگر در یک لحظه و در یک نقطه جهت میدان مغناطیسی این موج عمود

بر سطح زمین و به سمت بالا باشد، $\frac{T}{2}$ بعد از این لحظه جهت میدان الکتریکی در این نقطه به کدام سمت است؟

۱) شمال ۲) جنوب ۳) بالا ۴) پایین

۶۵- یک پرده صماخ گوش به قطر یک سانتی‌متر به مدت ۲ ساعت صوتی با تراز 63dB دسی‌بل را جذب می‌کند. در این مدت، این پرده گوش

چند میکروژول انرژی دریافت کرده است؟ ($\log 2 = 0.3$, $\pi = 3$, $I_0 = 10^{-12} \frac{W}{m^2}$)

۴۳/۲) ۴ ۱۰/۸) ۳ ۴/۳۲) ۲ ۱/۰۸) ۱

۶۶- اتومبیلی با تندي $126 \frac{km}{h}$ در حال حرکت به سمت یک دیوار بلند است. اگر در یک لحظه که فاصله اتومبیل از دیوار 300m است،

راننده اتومبیل بوق بزند. راننده اتومبیل در چند متری دیوار صدای پژواک بوق را خواهد شنید؟ ($v = 340 \frac{m}{s}$ = صوت v)

۲۲۸) ۴ ۲۶۴) ۳ ۲۵۶) ۲ ۲۴۴) ۱

۶۷- مطابق شکل زیر تو نور SI از روزنۀ ریزی که در سطح آینه (۱) ایجاد شده عمود بر آینه (۱) وارد فضای میان دو آینه می‌شود. اگر

طول آینه‌ها به اندازه کافی بلند باشد، این پرتو روی این دو آینه مجموعاً چند بار بازتابش می‌شود؟



۵) ۱

۴) ۲

۳) ۳

۲) ۴

۶۸- پرتو نوری از هوا تحت زاویه 45° درجه به محیط شفافی تابیده و در اثر شکست 15° درجه منحرف شده و طول موج آن در این

محیط شفاف نسبت به هوا 100nm تغییر می‌کند. طول موج این موج نور در هوا چند نانومتر است؟ ($\sqrt{2} = 1.4$)

۳۵۰) ۴ ۳۲۵) ۳ ۲۵۰) ۲ ۱۷۵) ۱

محل انجام محاسبه

۶۹- تار مرتعشی را در نظر بگیرید که دو طرف آن بین دو نقطه ثابت بسته شده است و تار هماهنگ اول خود را تولید می‌کند. اگر فقط نیروی کشش تار را ۴ برابر کنیم، بسامد هماهنگ اول و طول موج تشکیل شده در تار وقتی باز هم تار هماهنگ اول خود را ایجاد نموده، به ترتیب از راست به چپ چند برابر می‌شود؟ (طول تار ثابت فرض می‌شود).

- ۱) ۲ برابر، ۲ برابر ۲) ۲ برابر، نصف ۳) ۲ برابر، ثابت ۴) ۲ برابر، ۲ برابر

۷۰- اگر ۱۸ متر از منبع صوت دور شویم تراز شدت صوت 20dB کاهش می‌یابد. فاصله اولیه از منبع صوت چند متر بوده است؟ (از اتلاف انرژی و کاهش دامنه در اثر پیشروی موج صرف نظر می‌شود).

- ۱) ۱ ۲) ۲ ۳) ۴ ۴) ۸

۷۱- در پدیده فتوالکترونیک بسامد نور فرودی را n برابر می‌کنیم، در این صورت بیشینه انرژی جنبشی فتوالکترون‌ها ۲ برابر می‌گردد. در این صورت:

$$n > 2 \quad (4) \quad n = 2 \quad (3) \quad 1 < n < 2 \quad (2) \quad \frac{1}{2} < n < 1 \quad (1)$$

۷۲- در اتم هیدروژن چندمین خط در طیف رشته پاشن ($n' = 3$) بسامدی به اندازه $n = 10^{14} \text{ Hz}$ دارد؛ $c = 3 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ و $R = 0.1 \text{ nm}$

- ۱) اولین ۲) دومین ۳) سومین ۴) ششمین

۷۳- اگر الکترون اتم‌های هیدروژن در تراز $n = 1$ باشند و بخواهند به تراز $n' = 7$ منتقل شوند و هر نوع گذاری امکان‌پذیر باشد، امکان تابش چند نوع فوتون فرسخ مختلف وجود خواهد داشت؟

- ۱) ۱۰ ۲) ۱۱ ۳) ۲۱ ۴) ۴۱

۷۴- اگر عنصر X_Z^A بخواهد به عنصر Y_{Z-4}^{A-4} تبدیل شود، کدامیک از ذرات زیر را باید تابش کند؟

- ۱) یک ذره α و یک ذره γ
۲) یک الکترون و یک ذره γ
۳) یک ذره α و یک الکترون
۴) یک ذره α و یک یوزیترون

۷۵- نمودار تعداد هسته‌های فعال باقی‌مانده دو ماده پرتوzای A و B بر حسب زمان مطابق شکل زیر است. نیمه‌عمر ماده B چند روز است؟



محل انجام محاسبه

۷۶ - کدام گزینه نادرست است؟

- ۱) رنگ گل ادریسی در خاکی که غلظت یون هیدرونیوم در آن برابر 2×10^{-3} مول بر لیتر است، به رنگ آبی است.
- ۲) درون معده یک محیط بسیار اسیدی است که دیواره داخلی معده مقدار زیادی یون هیدرونیوم را به خود جذب می‌کند.
- ۳) برای افزایش قدرت پاک‌کنندگی شوینده‌هایی که برای زدودن چربی‌ها به کار می‌روند، به آنها جوش شیرین می‌افزایند.

۴) شیر منیزی یکی از رایج‌ترین ضداسیدها است که شامل منیزیم هیدروکسید است.

۷۷ - چند مورد از عبارت‌های بیان شده نادرست است؟

- شوینده‌های خورنده واکنش‌دهنده‌های نامحلول در آب را به فراورده‌های محلول در آب تبدیل می‌کنند.
- شوینده‌های خورنده از نظر شیمیایی فعال بوده و خاصیت خورنده‌گی دارند، به همین علت نباید با پوست تماس داشته باشند.
- اوره با فرمول مولکولی $\text{CO}(\text{NH}_2)_2$ یک مولکول قطبی است و در حلال‌های قطبی حل می‌شود.
- در پاک‌کننده‌های صابونی و غیرصابونی، نسبت شمار کاتیون‌ها به آنیون‌ها برابر ۱ است.

(۱) ۲
(۲) ۳
(۳) ۰
(۴) ۴

۷۸ - کدام موارد از مطالبات زیر درست است؟

- آ) کلریدها بر خلاف محلول‌ها ناهمگن و همانند سوسپانسیون‌ها ناپایدار بوده و تهذیف می‌شوند.
- ب) آهک و شیر منیزی خاصیت بازی داشته و کاتیون موجود در آنها در آب سخت نیز یافت می‌شود.
- پ) برای خنثی کردن کامل 200 میلی‌لیتر محلول 1٪ مولار هیدروکلریک اسید مقدار 4٪ مول سدیم هیدروکسید لازم است.
- ت) نوع پارچه، نوع آب و مقدار صابون نیز بر قدرت پاک‌کنندگی آن تأثیر دارد.
- ث) صابون مراغه افزودنی شیمیایی ندارد و به دلیل خاصیت بازی مناسب برای موهای چرب استفاده می‌شود.

(۱) آ، ب و ث
(۲) ب، ت و ث
(۳) آ، پ و ت
(۴) ب، پ و ت

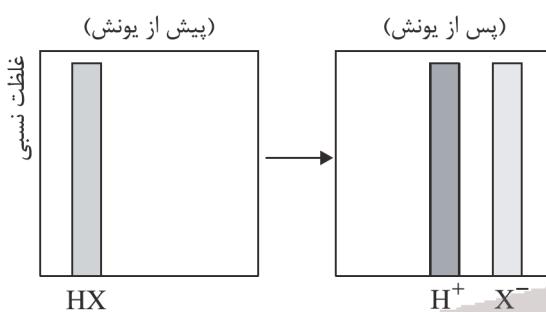
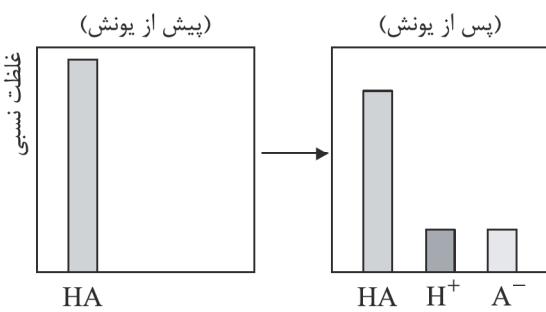
۷۹ - چند مورد از عبارت‌های داده شده نادرست است؟

- هر محلول آبی که در آن غلظت یون‌های هیدرونیوم و هیدروکسید برابر باشد، خنثی است.
- در مدل آرنسیوس هر مولکولی که تعداد اتم‌های هیدروژن بیشتری داشته باشد، در شرایط یکسان از نظر دما و غلظت، pH محلول را بیشتر کاهش می‌دهد.
- در اسید HX با افزایش غلظت در دمای ثابت، ثابت یونش اسید افزایش می‌یابد.

- در محلول NaOH همانند KOH ، $[\text{OH}^-] > [\text{H}^+]$ است و pH محلول آنها در دمای اتاق در گستره ۷ تا ۱۴ است.
- واکنش‌های رفت و برگشت در سامانه تعادلی به طور پیوسته و با سرعت برابر انجام می‌شوند و به همین دلیل مقدار مواد شرکت‌کننده در سامانه ثابت می‌ماند.

(۱) ۱
(۲) ۰
(۳) ۲
(۴) ۳

محل انجام محاسبه



-۸۱ ۴,۶۷۲ گرم صابون جامد با جرم مولی ۲۹۲ گرم بر مول به ۱۶۰ میلی لیتر آب سخت که دارای یون های سختی آور کلسیم است اضافه شده است. اگر غلظت یون های کلسیم در این آب برابر 10 ppm باشد، با فرض کامل بودن واکنش، چند درصد از صابون به صورت رسوب درمی آید؟ ($\text{Ca} = ۴۰$ ، $\text{Na} = ۲۳$: $\text{g.mol}^{-۱}$ ، $d_{\text{آب}} = ۱: \text{g.mL}^{-۱}$)



-۸۲- از انحلال $\text{HX} \rightarrow 35\text{ g}$ از یک اسید (HX) در مقداری آب به حجم ۲۰۰ میلی لیتر، محلولی به دست آمده است که دستگاه pH سنج مقدار آن را با عدد ۴ گزارش کرده است. اگر a_{HX} این اسید برابر 10^{-4} باشد، جرم مولی این اسید کدام است؟ (از تغییر حجم چشم پوشی شود).

- ۸۸ (۴) ۴۴ (۳) ۱۰۸ (۲) ۱۷۶ (۱)

- اگر در صد یونش فورمیک اسید برابر با ۱ درصد و pH آن برابر $\frac{3}{7}$ باشد، ۲۰۰ میلی لیتر از آن با چند میلی لیتر محلول ۴٪ مولار سدیم هیدروکسید واکنش می دهد؟

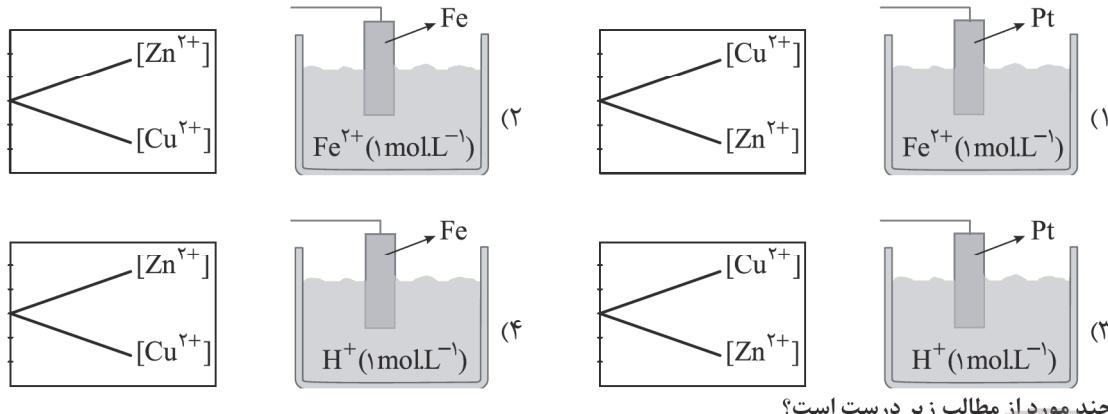
- ५०० (३) २०० (२) १०० (१)

- ۸۴ از واکنش کامل V میلی لیتر محلول هیدروکلریک اسید با $\text{pH} = 1/3$ با مقدار کافی سدیم هیدروژن کربنات مقدار $6/5$ لیتر گاز CO_2 در شرایط STP تولید شده است. مقدار V بر حسب لیتر کدام است؟



محل انجام محاسبه

۸۵- الکترود استاندارد برای نیم‌سلول آهن در دمای ثابت (25°C) و نمودار تغییرات غلظت یون‌ها در سلول گالوانی ($\text{Zn}-\text{Cu}$) به ترتیب $(E^\circ(\text{Zn}^{2+}/\text{Zn}) = -0.76\text{V}$, $E^\circ(\text{Cu}^{2+}/\text{Cu}) = +0.34\text{V}$) از راست به چپ در کدام گزینه آمده است؟



- چند مورد از مطالب زیر درست است؟

آ) در واکنش فلز روی با اکسیژن، فلز روی اکسایش یافته و اکسیژن نقش اکسیده را دارد.

ب) الکتروشیمی افروزن بر تهیه مواد جدید به کمک انرژی الکترونیکی می‌تواند در راستای پیاده کردن اصول شیمی سبز گام بردارد.

پ) هر واکنش شیمیایی که خود به خود انجام می‌شود به یقین با دادوستد الکترون همراه است.

ت) هرگاه با قرار دادن تیغه‌ای از فلز M درون محلول مس (II) سولفات، فلز مس آزاد شود، M می‌تواند فلز اصلی یا واسطه باشد.

ث) قوی‌ترین کاهنده و قوی‌ترین اکسیده در بین عناصر جدول دوره‌ای به ترتیب عناصری از گروه‌های ۱۷ و ۱ جدول دوره‌ای اند.

۱) ۴

۳

۲

۵

۸۶- نمودار زیر، تغییر غلظت یون‌ها بر حسب زمان در یک سلول گالوانی را نشان می‌دهد. با توجه به آن کدام موارد از مطالب زیر نادرست است؟

آ) اگر A فلز آلومینیم باشد B می‌تواند فلزهایی مانند روی یا مس باشد.

ب) این نمودار می‌تواند به تغییر غلظت یون‌ها در سلول گالوانی SHE-Ag مربوط باشد.

پ) در وکنش کلی این سلول گالوانی سرعت متوسط تولید A^{n+} با سرعت متوسط مصرف B^{n+} متفاوت است.

ت) پتانسیل کاهشی استاندارد A از B منفی تر بوده و قدرت اکسیدگی B^{n+} از A^{n+} کمتر است.

ث) در سلول گالوانی حاصل از A و B، جهت حرکت الکترون‌ها در مدار بیرونی از الکترود A به الکترود B می‌باشد.

۱) آ، ب و پ ۲) پ، ت و ث ۳) آ، ب و ت ۴) آ، پ و ت

۸۷- همه عبارت‌های زیر درست‌اند، به جز.....

۱) جمع جبری عدد اکسایش اتم‌های کربن در گلوکز و استیک اسید یکسان و برابر صفر می‌باشد.

۲) نیم‌واکنش آندی سلول نور الکتروشیمیایی که برای تهیه گاز H_2 به کار می‌رود به صورت



۳) در تهیه منیزیم از آب دریا هم فرایندهای فیزیکی و هم فرایندهای شیمیایی کاربرد داشته و از مواد اسیدی و بازی نیز استفاده می‌شود.

۴) از برگرفت ۲ مول سدیم کلرید مذاب در شرایط مناسب ۲ مول فلز سدیم و $44/8$ لیتر گاز کلر در شرایط STP تولید می‌شود.

۸۹- هرگاه در سلول گالوانی $\text{Al}-\text{Cu}$ مقدار $10^{22} \times 2 \times 10^{22}$ الکترون دادوستد شود، تغییر جرم تیغه فلزی آند برابر گرم خواهد بود و با دادوستد همین مقدار الکترون در برگرفت آب گرم گاز در آند دستگاه برگرفت آب تولید خواهد شد.

$$(H = 1, O = 16, Al = 27, Cu = 64: \text{g.mol}^{-1})$$

۰/۱، ۱/۸ (۴)

۰/۰۵، ۰/۹ (۳)

۱/۶، ۱/۸ (۲)

۰/۸، ۰/۹ (۱)

محل انجام محاسبه

-۹۰- کدام گزینه نادرست است؟

- ۱) سلول مورد استفاده در تهیه فلز آلومینیم به روش هال از نوع الکتروولیتی بوده و جنس آند و کاتد آن از گرافیت می‌باشد.
۲) حلبی، آهنی را گویند که با لایه نازکی از فلز Zn پوشیده شده است و از آن در تهیه قوطی‌های کنسرو و روغن نباتی استفاده می‌شود.

۳) در آبکافت یک قاشق فولادی با مس، باید قاشق را به قطب منفی دستگاه متصل نمود.

- ۴) نیم واکنش کاتدی در سلول سوختی هیدروژن - اکسیژن به صورت (۱) $O_2(g) + 4H^+(aq) + 4e^- \rightarrow 2H_2O(l)$ می‌باشد.
-۹۱- با استفاده از الکتریسیته حاصل از وارد شدن ۲۲۴ لیتر گاز اکسیژن به سلول سوختی هیدروژن - اکسیژن در شرایط استاندارد، چند گرم مس را می‌توان به یک لوله فولادی انتقال داد؟ (بازدهی سلول سوختی را ۱۰۰٪ در نظر بگیرید و $Cu = 64$, $O = 16$: g.mol^{-۱})

$$(1) 2560 \quad (2) 1280 \quad (3) 12/8 \quad (4) 640$$

-۹۲- کدام موارد از عبارت‌های بیان شده در رابطه با «آهن گالوانیزه» نادرست است؟

آ) از پوشاندن سطح فلز آهن با لایه‌ای از فلز روی تشکیل می‌شود.

ب) نیم واکنش کاتدی آن همانند فرایند خوردگی آهن به صورت $O_2(g) + 2H_2O(l) + 4e^- \rightarrow 4OH^-(aq)$ می‌باشد.

پ) در اثر ایجاد خراش بر روی سطح آن، یون‌های $Fe^{3+}(aq)$ وارد قطره آب می‌شوند.

ت) در واکنش کلی آن، $O_2(g)$ اکسیده است و محصول نهایی $Fe(OH)_2(s)$ می‌باشد.

$$(1) ب و پ \quad (2) آ و ب \quad (3) ب و ت \quad (4) پ و ت$$

-۹۳- کدام گزینه از نظر درستی یا نادرستی با سایر گزینه‌ها متفاوت است؟

۱) در ساختار سیلیسیم هر اتم سیلیسیم با چهار پیوند اشتراکی به ۴ اتم اکسیژن متصل است.

۲) در ساختار سیلیسیم فقط پیوندهای اشتراکی $Si-O-Si$ وجود دارد.

۳) گرافن استحکام ویژه‌ای دارد و مقاومت آن حدود ۱۰ برابر فولاد است.

۴) در مواد مولکولی شمار معینی از اتم‌ها با پیوندهای اشتراکی به هم متصل‌اند.

-۹۴- چند مورد از عبارت‌های بیان شده نادرست است؟

● تنوع و شمار مواد مولکولی بیشتر از مواد کووالانسی است.

● جامدات فلزی رسانای برقداند و در حالت مذاب بدون تحزیه شدن، جریان برق را از خود عبور می‌دهند.

● نیتینول آلیاژی از نیکل و منیزیم است که به آلیاژ هوشمند معروف است.

● در آنیون‌های یک دوره از راست به چپ، شعاع و مقدار بار یون افزایش می‌یابد.

● وجود جامدات بونی در طبیعت نشان می‌دهد که نیروهای جاذبه میان یون‌های ناهمنام بر نیروهای دافعه میان یون‌های همنام غالب است.

$$(1) صفر \quad (2) ۲ \quad (3) ۳ \quad (4) ۱$$

-۹۵- پاسخ درست هر سه جای خالی زیر در کدام گزینه آمده است؟

آ) نوع عنصرهای اصلی سازنده جامدات کووالانسی در طبیعت با نوع عنصرهای سازنده یکسان است.

ب) نسبت چگالی الماس به چگالی گرافیت از یک می‌باشد.

پ) جرم مولی کربنیل سولفید با جرم مولی یکسان است.

$(H = 1, C = 12, N = 14, O = 16: g.mol^{-1})$

۲) سیلیسیم کربید، بزرگ‌تر، پروپانول

۴) سیلیسیم کربید، کوچک‌تر، اوره

۱) سیلیسیم، بزرگ‌تر، یون کربنات

۳) سیلیسیم، کوچک‌تر، متیل متانوات

محل انجام محاسبه

-۹۶- کدام مطلب نادرست است؟

- ۱) جمع جبری عدد اکسایش اتم مرکزی و بار آنیون در یون‌های سولفات و فسفات به ترتیب برابر ۴ و ۲ می‌باشد.
- ۲) دی‌متیل اتر همپار اتانول بوده و در شرایط یکسان نقطهٔ جوش کمتری از اتانول دارد.
- ۳) کلروفرم مایعی بینگ با فرمول مولکولی CH_3Cl می‌باشد و برخلاف کربن تتراکلرید مولکول آن قطبی است.
- ۴) بار جزئی اتم مرکزی در یون آمونیوم، کربن دی‌اکسید و متان به ترتیب منفی، مثبت و منفی می‌باشد.

-۹۷- کدام موارد از عبارت‌های بیان شده نادرست است؟

- آ) گرافیت از حلقه‌های شش‌ضلعی تشکیل شده است که هر حلقهٔ حاوی دو پیوند دوگانه است.
- ب) در گرافیت اتم‌ها به صورت لایه به لایه آرایش یافته‌اند و بین لایه‌ها نیروی ضعیف واندروالسی وجود دارد.
- پ) شمار اتم‌های متصل شده به هر اتم کربن در گرافیت و الماس به ترتیب برابر ۴ و ۳ است.
- ت) میانگین آنتالپی پیوند «کربن – کربن» در الماس بیشتر از گرافیت است.

(۱) آ و ب (۲) پ و ت (۳) آ و ت (۴) ب و پ

-۹۸- چند مورد از عبارت‌های بیان شده درست است؟

- رفتار شیمیایی مواد مولکولی به طور عمده به پیوندهای اشتراکی و جفت الکترون‌های نایونندی آنها بستگی دارد.
- در مولکول‌های جورهسته، احتمال حضور جفت الکترون‌های پیوندی پیرامون هسته‌ها، یکسان و متقاض است.
- واژهٔ شبکه بلور برای توصیف آرایش سه‌بعدی و منظم اتم‌ها و مولکول‌ها و یون‌ها در حالت جامد به کار می‌رود.
- هرچه چگالی بار یون‌های سازنده یک ترکیب یونی بیشتر باشد، فروپاشی شبکه بلوری آن دشوارتر است.

(۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) ۴

-۹۹- کدام موارد از مطالبات زیر درست است؟

- آ) یکی از رایج‌ترین روش‌های طیفسنجی که برای شناسایی گروه‌های عاملی به کار می‌رود طیفسنجی فروسرخ نام دارد.
- ب) واکنش گازهای H_2 و O_2 در دمای 25°C در حضور کاتالیزگر پودر روی به صورت انفجاری انجام می‌شود.
- پ) در برخی کشورها برای افزایش بازده فراورده‌های کشاورزی، گاز NH_3 را به طور مستقیم به خاک تزریق می‌کنند.
- ت) در تعادل گازی $\text{N}_2\text{(g)} + \text{I}_2\text{(g)} \rightleftharpoons 2\text{NI(g)}$ با افزایش فشار در دمای ثابت غلظت NI افزایش می‌یابد.
- ث) با افزایش فشار در دمای ثابت، تعادل گازی $\text{N}_2\text{(g)} + 2\text{H}_2\text{(g)} \rightleftharpoons 2\text{NH}_3\text{(g)}$ در جهت رفت جابه‌جا شده و ثابت تعادل افزایش می‌یابد.

(۱) آ، پ و ت (۲) ب، پ و ت (۳) آ و ت (۴) آ، ب و ت

-۱۰۰- با توجه به شکل زیر که مربوط به مبدل کاتالیستی خودروهای بنزینی است. چند مورد از مطالبات زیر درست است؟

- آ) از این مبدل نمی‌توان برای حذف آلاینده‌های اکسیدهای نیتروژن در خودروهای دیزلی استفاده کرد.
- ب) هر سه واکنش مربوط به حذف آلاینده‌های CO , C_xH_y و N_2 از نوع اکسایش – کاهش و گرماده می‌باشند.
- پ) گاز A یک گاز گلخانه‌ای است و یکی از فراورده‌های تولید آلومنینیم به روش هال می‌باشد.
- ت) مولکول B همانند مولکول A دارای پیوند دوگانه می‌باشد.
- ث) کاتالیزگرهای به کار رفته در این مبدل فلزهای Pt , Pb و Rh می‌باشند.

(۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) ۴

-۱۰۱- مقدار $1/2$ مول B و 15° گرم A را در ظرف سربسته 2 لیتری تا برقاری تعادل $\text{A(g)} + \text{B(g)} \rightleftharpoons 2\text{C(g)}$ داریم. اگر در دمای ثابت، غلظت تعادل C برابر 4° مول بر لیتر و ثابت تعادل برابر 5° باشد جرم مولی ماده A کدام است؟

(۱) ۱۵۰ (۲) ۳۵/۵ (۳) ۷۵ (۴) ۵۰

محل انجام محاسبه

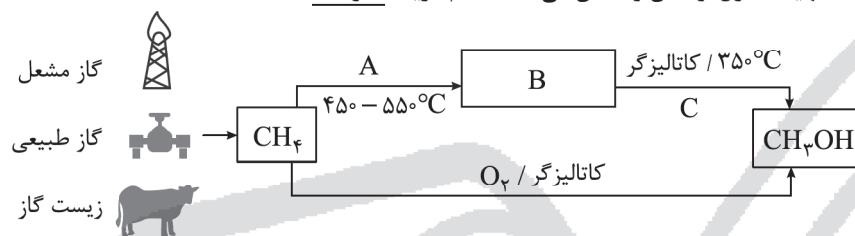
۱۰۲ - کدام مطلب نادرست است؟ ($H = 1, C = 12, O = 16: g/mol^{-1}$)

- ۱) تفاوت جرم مولی ترفتالیک اسید و اتیل اتانوات با جرم مولی سرگروه ترکیبات آروماتیک یکسان است.
- ۲) کلرواتان ترکیبی با فرمول C_7H_5Cl است و از آن در افشارهای بی حس‌کننده موضعی استفاده می‌شود.
- ۳) ساده‌ترین الکل را می‌توان از واکنش اتیلن با آب در شرایط مناسب تهیه نمود.
- ۴) مجموع شمار اتم‌های کربن و هیدروژن در فرمول مولکولی پارازایلن و سیکلوهگزان یکسان است.

۱۰۳ - مونومرهای سازنده PET در کدام دو ویژگی زیر با هم یکسانند؟

- ۱) شمار اتم‌های کربن با عدد اکسایش ۱، شمار اتم‌های هیدروژن
- ۲) عدم وجود در نفت خام، شمار جفت الکترون‌های ناپیوندی
- ۳) شمار پیوندهای H – O – H، شمار اتم‌های هیدروژن
- ۴) شمار پیوندهای H – C – H، شمار جفت الکترون‌های ناپیوندی

۱۰۴ - با توجه به شکل زیر که تهیه متانول از متان را نشان می‌دهد، کدام گزینه نادرست است؟



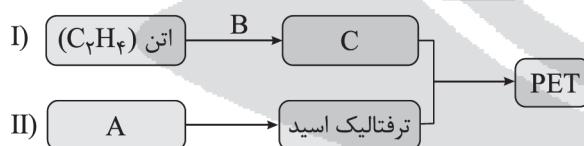
۱) متانول مایعی بی‌رنگ و بسیار سمی است که می‌توان PET را در شرایط مناسب با آن واکنش داده و به مواد مفیدی تبدیل کرد.

۲) در قسمت A، با افزودن H_2O واکنش $CH_4 + H_2O \rightarrow CO + 3H_2$ انجام می‌شود.

۳) در صنعت گاز کربن مونوکسید را با گاز هیدروژن واکنش داده (قسمت B) و در شرایط مناسب متانول را تهیه می‌کنند.

۴) فشار مناسب برای انجام واکنش در قسمت C، ۶۰ – ۴۰ اتمسفر است.

۱۰۵ - با توجه به الگوی کلی زیر که روند تولید PET را نشان می‌دهد، کدام گزینه نادرست است؟



۱) C نشانگر اتیلن گلیکول است که الکلی دواعمالی بوده و به عنوان ضدیخ کاربرد دارد.

۲) در واکنش تبدیل A به ترفتالیک اسید، عدد اکسایش اتم‌های کربن حلقه بنزنی تغییر نمی‌کند.

۳) اگر فرمول مولکولی نفتالن به صورت C_aH_b باشد، فرمول مولکولی مولکول A به صورت C_bH_a می‌باشد.

۴) در قسمت (I)، B محلول غلیظ و گرم پتاسیم پرمنگنات است.

محل انجام محاسبه



مرکز سنجش آموزش مدارس برتر

آزمون شماره ۱۲
۱۴۰۳ اردیبهشت



پاسخنامه ریاضی - فیزیک

ردیف	نام درس	سرگروه	گروه طراحی و بازنگری (به ترتیب حروف الفبا)	ویراستاران
۱	حسابات	حسین شفیعزاده - مهرداد کیوان	حسین شفیعزاده - مهرداد کیوان	نیما اشرف‌نیا - نیکا موسوی ابوالفضل فروغی
۲	هندسه	مهریار راشدی	علیرضا شیرازی - حسن محمدبیگی	احمدرضا محمدبیگی - مهدیار شریف
۳	گستره	رضا توکلی	مسعود طایفه	نیما اشرف‌نیا - ابوالفضل فروغی
۴	فیزیک	جواد قزوینیان	مرتضی بیاتی	محمد رضا خادمی - مهدیار شریف
۵	شیمی	مسعود جعفری	محمد عظیمیان زواره - هادی مهدی‌زاده	محمد مهدی صوفیان - کارو محمدی

گروه تایپ و ویراستاری (به ترتیب حروف الفبا)
زهرا احدی - امیرعلی الماسی - مبینا بهرامی - معین الدین تقی‌زاده - کبری سلیمانی - مهرداد شمسی - راضیه صالحی - انسیه مرزبان

برای اطلاع از اخبار مرکز سنجش آموزش مدارس برتر، به کanal Telegram @taraaznet مراجعه نمایید.



۹. گزینه ۳ صحیح است.

$$(gof)'(1) = f'(1)g'(f(1)) = f'(1)g'(2) = (1 + \frac{1}{3}) \cdot 1 = \frac{4}{3}$$

(حسابان دوازدهم، صفحه ۹۶)

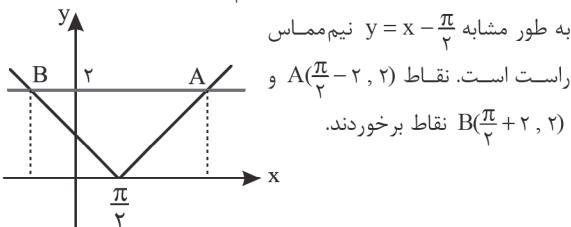
۱۰. گزینه ۴ صحیح است.

ریشه قدر مطلق یعنی $x = \frac{\pi}{2}$ نقطه گوش است.

$$0 < x < \frac{\pi}{2} \Rightarrow y = \sin x \cos x = \frac{1}{2} \sin 2x$$

$$\Rightarrow y' = \cos 2x \Rightarrow y'(\frac{\pi}{2}) = -1$$

$$\text{بیم مماس } y = -(x - \frac{\pi}{2})$$



$$S = \frac{1}{2} \times 2 \times 4 = 4$$

(حسابان دوازدهم، صفحه های ۱۶ و ۱۷)

۱۱. گزینه ۴ صحیح است.

$$g(x) = \begin{cases} x^2 + ax + b & x \geq a \\ 2x + a & x < a \end{cases}$$

$$g'(x) = \begin{cases} 2x + a & x \geq a \\ 2 & x < a \end{cases}$$

$$\lim_{x \rightarrow a} g(x) = g(a) \Rightarrow 2a^2 + b = 2a$$

$$2) g'_+(a) = g'_-(a) \Rightarrow 2a = 2 \Rightarrow a = \frac{1}{2} \Rightarrow b = \frac{1}{9}$$

(حسابان دوازدهم، صفحه های ۱۶ و ۱۷)

۱۲. گزینه ۱ صحیح است.

$$f(x) = \begin{cases} x^2 - 2x - k & x \geq 0 \\ -x^2 + 2x - k & x < 0 \end{cases}$$

$$f'(x) = \begin{cases} 2x - 2 & x > 0 \\ -2x + 2 & x < 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x = -1 \Rightarrow y = -3 - k \text{ min} \\ x = 1 \Rightarrow y = -1 - k \\ x = 0 \Rightarrow y = -k \\ x = 4 \Rightarrow y = 4 - k \text{ max} \end{cases}$$

$$(4 - k)(-3 - k) = -10 \Rightarrow k^2 - 5k - 14 = 0 \Rightarrow k = -2 \text{ یا } 7$$

(حسابان دوازدهم، صفحه ۱۲۵)

۱۳. گزینه ۱ صحیح است.

تابع f را به صورت دو ضابطه ای می نویسیم:

$$f(x) = \begin{cases} \sqrt[3]{x} + x - 2 & x \geq 2 \\ \sqrt[3]{x} + 2 - x & x < 2 \end{cases}$$

$$f'(x) = \begin{cases} \frac{1}{\sqrt[3]{x^2}} + 1 & x \geq 2 \\ \frac{1}{\sqrt[3]{x^2}} - 1 & x < 2 \end{cases}$$

$$f' = 0 \Rightarrow \frac{1}{\sqrt[3]{x^2}} - 1 = 0 \Rightarrow x = \pm 1$$

x	-1	0	1	2
f'	-	+	+	-

در بازه $(-1, 1)$ تابع f اکیداً صعودی است.

(حسابان دوازدهم، صفحه ۱۲۶)

۱. گزینه ۲ صحیح است.

$$f(x) = \sqrt{\lambda - x} \xrightarrow{\text{قرینه به مبدأ}} y = -\sqrt{\lambda + x}$$

$$\xrightarrow{\text{ واحد به بالا}} y = 4 - \sqrt{\lambda + x} \xrightarrow{\text{ واحد به راست}} y = 4 - \sqrt{\lambda + x - a}$$

$$\Rightarrow 4 - \sqrt{\lambda - a + x} = \sqrt{\lambda - x}$$

 $x = -1$ در معادله صدق می کند.

$$4 - \sqrt{7 - a} = 3 \Rightarrow \sqrt{7 - a} = 1 \Rightarrow a = 6$$

(حسابان دوازدهم، صفحه های ۷ و ۹)

۲. گزینه ۳ صحیح است.

$$y = \frac{2x + 1}{x - 1} \xrightarrow{\text{قرینه به عرضها}} y = \frac{-2x + 1}{-x - 1} = \frac{2x - 1}{x + 1} \Rightarrow g(x) = \frac{-x - 1}{x - 2}$$

$$y = \frac{yx + 1}{x - 1} \xrightarrow{\text{وارون}} y = \frac{x + 1}{x - 2} \xrightarrow{\text{قرینه به عرضها}} y = \frac{-x + 1}{-x - 2} \Rightarrow h(x) = \frac{x - 1}{x + 2}$$

$$\Rightarrow goh(-1) = g(h(-1)) = g(-2) = \frac{2 - 1}{-4} = \frac{1}{4}$$

(حسابان دوازدهم، صفحه های ۷ و ۹)

۳. گزینه ۲ صحیح است.

$$f \circ f(1) = f(-1)$$

$$f(1) = 2 - 2a - 1 + a + a = 1 \Rightarrow f \circ f(1) = 1$$

$$f(-1) = 2 + 2a - 1 - a + a = 2a + 1$$

$$1 = 2(2a + 1) \Rightarrow 4a + 2 = 1 \Rightarrow a = -\frac{1}{4}$$

(حسابان دوازدهم، صفحه ۱۹)

پس:

۴. گزینه ۴ صحیح است.

با توجه به نمودار تابع $a, b > 0$ ، پس:

$$\min = 2a - 2 = b \Rightarrow 2a - b = 2$$

$$\frac{T}{2} = |\frac{-a}{2}| \Rightarrow T = |a| \Rightarrow T = a \Rightarrow \frac{2\pi}{\frac{\pi}{b}} = a \Rightarrow 2b = a \Rightarrow 6b - b = 2$$

$$b = \frac{2}{5}, a = \frac{4}{5} \Rightarrow 2a + b = \frac{4}{5} + \frac{2}{5} = 2$$

(حسابان دوازدهم، صفحه های ۳۳ و ۳۴)

۵. گزینه ۱ صحیح است.

$$\cos x + 2 \sin x \cos x = 0$$

$$\left\{ \begin{array}{l} \cos x = 0 \Rightarrow x = \frac{\pi}{2}, \frac{3\pi}{2} \\ \sin x = -\frac{1}{2} \Rightarrow x = \frac{7\pi}{6}, \frac{11\pi}{6} \end{array} \right.$$

پس $x = \frac{3\pi}{2}$ سومین جواب است.

(حسابان دوازدهم، صفحه ۳۸)

۶. گزینه ۲ صحیح است.

$$\tan 2\alpha = -\tan \alpha \Rightarrow \tan 2\alpha = \tan(-\alpha)$$

$$2\alpha = k\pi - \alpha \Rightarrow \alpha = \frac{k\pi}{3}, \frac{\pi}{2}$$

$$\Rightarrow \tan(\frac{\pi}{4} + \frac{k\pi}{3}) = \frac{1 - \sqrt{3}}{1 + \sqrt{3}} = \frac{(1 - \sqrt{3})(\sqrt{3} - 1)}{2}$$

$$\tan(\frac{\pi}{3} + \frac{\pi}{4}) = \sqrt{3} - 2$$

(حسابان دوازدهم، صفحه ۴۲)

۷. گزینه ۲ صحیح است.

اولاً مخرج باید صفر باشد: $b + 3 = 0 \Rightarrow b = -3$

ثانیاً:

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{bx + a \cos \pi}{-\sqrt{-x} \sin \frac{\pi}{x} + 3} = +\infty \Rightarrow -b - 2a > 0 \Rightarrow a < -\frac{b}{2}$$

(حسابان دوازدهم، صفحه ۵۱)

۸. گزینه ۴ صحیح است.

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{f(2x)}{x} = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{4x - \sqrt{4x^2 + 4x}}{x} = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{4x + 2x}{x} = 6$$

(حسابان دوازدهم، صفحه ۶۹)



۱۴. گزینه ۲ صحیح است.

$$\begin{vmatrix} a-1 & 2-a \\ a+2 & 4-a \end{vmatrix} = 2 \begin{vmatrix} 2 & 0 \\ 5 & 1 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 4 & 0 \\ 10 & 2 \end{vmatrix}$$

بنابراین: در نتیجه:

$$\begin{vmatrix} 4 & 0 \\ 10 & 2 \end{vmatrix}^{-1} = \frac{1}{8} \begin{vmatrix} 2 & 0 \\ -10 & 4 \end{vmatrix} \Rightarrow \text{جمع درایه‌ها} = \frac{1}{8}(-4) = \frac{-4}{8} = \frac{-1}{2}$$

(هندسه دوازدهم، صفحه‌های ۲۳۱ و ۲۳۲)

۱۹. گزینه ۳ صحیح است.

$$\begin{aligned} 2|C^{-1}|^3 - 2|C^{-1}| - 1 = 0 \Rightarrow & |C^{-1}| = 1 \Rightarrow |C| = \frac{1}{1} = 1 \\ & |C^{-1}| = -\frac{1}{3} \Rightarrow |C| = \frac{1}{-\frac{1}{3}} = -3 \quad (1) \end{aligned}$$

نسبت به سطر اول: $|A| = 1(m-0) + (0)(1-0) = m+1$

نسبت به سطر سوم: $|B| = 1(\cos \alpha - (-\sin \alpha)(\sin \alpha)) = 1$

$$C = AB \Rightarrow |C| = |AB| = |A||B|$$

$$|C| = (m+1)(1) = m+1$$

$$\begin{cases} |C| = 1 \Rightarrow 1 = m+1 \Rightarrow m = 0 \\ |C| = -3 \Rightarrow -3 = m+1 \Rightarrow m = -4 \\ \text{کمترین مقدار } m = -4 \end{cases}$$

(هندسه دوازدهم، صفحه‌های ۲۳۷ و ۲۳۸)

۲۰. گزینه ۳ صحیح است.

مکان هندسی نقاطی که از اضلاع یک زاویه یا امتداد اضلاع آن به یک فاصله‌اند نیمسازهای داخلی و خارجی آن زاویه است. می‌دانیم سه نیمساز داخلی هر مثلث هم‌مرسد و نیمسازهای خارجی دو زاویه با نیمساز داخلی زاویه سوم هم‌مرسد، پس جمماً چهار نقطه وجود دارد که از هر ضلع و امتداد اضلاع آن به یک فاصله‌اند که در واقع این چهار نقطه مراکز دوازد محاطی داخلی و خارجی مثلث هستند.

(هندسه دوازدهم، صفحه ۳۶)

۲۱. گزینه ۱ صحیح است.

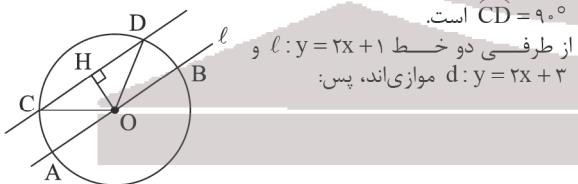
می‌دانیم فاصله دو خط موازی $ax + by + c = 0$ و $ax + by + c' = 0$ برابر است با:

$$\frac{|c - c'|}{\sqrt{a^2 + b^2}}$$

اگر دایره C با مرکز $O(\alpha, \beta)$ بر محور x ها مماس باشد آنگاه:

$R = |\beta - \alpha|$ بزرگ‌ترین وتر را ایجاد می‌کند. یعنی مرکز دایره روی ℓ است زیرا بزرگ‌ترین وتر قطر است. چون $\angle DB + \angle AC = 90^\circ$ است، پس $\angle CD = 90^\circ$ است.

از طرفی دو خط ℓ و $d: y = 2x + 1$ موازی‌اند، پس:



$$\triangle COD (\hat{O} = 90^\circ): OH = \frac{\sqrt{2}}{2} R \quad \text{قائم الزاویه متساوی الساقین} \quad \triangle COD$$

$$OH = \frac{\sqrt{2}}{2} R = \frac{|2\alpha - 1|}{\sqrt{2^2 + 1^2}} = \frac{2}{\sqrt{5}} \Rightarrow R = \frac{4}{\sqrt{2\sqrt{5}}} \times \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = \frac{2\sqrt{2}}{\sqrt{5}}$$

مرکز دایره روی خط ℓ است، پس $O(\alpha, 2\alpha + 1)$ و دایره مماس بر محور x هاست. بنابراین:

$$|2\alpha + 1| = \frac{2\sqrt{2}}{\sqrt{5}} \Rightarrow \begin{cases} 2\alpha + 1 = \frac{2\sqrt{2}}{\sqrt{5}} \Rightarrow 2\alpha = \frac{2\sqrt{2} - \sqrt{5}}{\sqrt{5}} \\ \Rightarrow \alpha = \frac{2\sqrt{2} - \sqrt{5}}{2\sqrt{5}} \\ 2\alpha + 1 = -\frac{2\sqrt{2}}{\sqrt{5}} \Rightarrow 2\alpha = \frac{-2\sqrt{2} - \sqrt{5}}{\sqrt{5}} \\ \Rightarrow \alpha = \frac{-2\sqrt{2} - \sqrt{5}}{2\sqrt{5}} \end{cases}$$

۱۴. گزینه ۲ صحیح است.

$$\begin{aligned} f'(x) &= 3x^2 - 6x - 9 \\ f' = 0 \Rightarrow & \begin{cases} x = -1 \Rightarrow y = a + 5 \\ x = 3 \Rightarrow y = a - 27 \end{cases} \\ \Rightarrow a - 27 &= 1 \Rightarrow a = 28 \Rightarrow y_{\max} = 28 + 5 = 33 \\ (\text{حسابان دوازدهم، صفحه‌های ۱۱۷ و ۱۳۱}) \end{aligned}$$

۱۵. گزینه ۲ صحیح است.

معادله خط گذرنده از A و B به صورت $y = 2x + 2$ است. معادله حاصل از تقاطع خط مماس در نقطه عطف با تابع f ، یک معادله به صورت $k(x - \alpha)^3$ خواهد بود.

$$\begin{aligned} x^3 + ax + bx + 1 &= 2x + 2 \\ \Rightarrow x^3 + ax^2 + (b-2)x - 1 &= 0 \\ \Rightarrow (x-1)^3 = 0 \Rightarrow x^3 - 3x^2 + 3x - 1 &= 0 \Rightarrow \begin{cases} a = -3 \\ b-2 = 3 \Rightarrow b = 5 \end{cases} \\ \Rightarrow f(x) &= x^3 - 3x^2 + 5x + 1 \Rightarrow f(2) = 8 - 12 + 10 + 1 = 7 \\ (\text{حسابان دوازدهم، صفحه ۱۳۱}) \end{aligned}$$

هندسه

۱۶. گزینه ۳ صحیح است.

ابتدا ماتریس A^2 را پیدا می‌کنیم.

$$A^2 = A \times A = \begin{bmatrix} 1 & 0 & y \\ 0 & x & 0 \\ 1 & 0 & z \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & y \\ 0 & x & 0 \\ 1 & 0 & z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} y+1 & 0 & y+yz \\ 0 & x^2 & 0 \\ 1+z & 0 & y+z^2 \end{bmatrix}$$

می‌دانیم در ماتریس اسکالار درایه‌های روی قطر اصلی برابرند و درایه‌های بالا و پایین قطر اصلی صفر هستند. پس:

$$\begin{cases} 1+z = 0 \Rightarrow z = -1 \\ y+1 = x \end{cases}$$

بنابراین:

$$B = \begin{bmatrix} 2y & y-1 \\ -2 & -1 \end{bmatrix} \Rightarrow |B| = -2y + 2y - 2 = -2$$

$$|-2B| = (-2)^2 |B| = 4 |B| = -8$$

(هندسه دوازدهم، صفحه‌های ۱۱۱ و ۳۳۳)

۱۷. گزینه ۲ صحیح است.

حاصل دترمینان A را بر حسب ستون اول به دست می‌آوریم.

$$|A| = \begin{vmatrix} 1 & -1 & 2 \\ 0 & 2 & -3 \\ 2 & -2 & 4 \end{vmatrix} = 1(-1)^2 \begin{vmatrix} 1 & -3 \\ -2 & 4 \end{vmatrix} + 3(-1)^4 \begin{vmatrix} -1 & 2 \\ 2 & -3 \end{vmatrix} = 2 - 3 = -1$$

با فرض $D = \begin{bmatrix} 1 & -1 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$ و $C = \begin{bmatrix} 2 & 0 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}$ ، رابطه ماتریسی داده شده به صورت زیر در می‌آید:

$$CBD = \begin{bmatrix} -1 & 0 \\ 1 & 1 \end{bmatrix} \xrightarrow{xD^{-1}} B = C^{-1} \begin{bmatrix} -1 & 0 \\ 1 & 1 \end{bmatrix} D^{-1}$$

$$B = \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ -1 & 2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} -1 & 0 \\ 1 & 1 \end{bmatrix} \left(\frac{1}{-1} \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \right) = -\frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ -1 & 2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} -1 & 0 \\ 1 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$B = -\frac{1}{2} \begin{bmatrix} -1 & 0 \\ 3 & 2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} -1 & 1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix} = -\frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & -1 \\ -3 & 5 \end{bmatrix}$$

پس مجموع قطر فرعی B برابر $= 2 - \frac{1}{2}(-1 - 3) = 2$ است.

(هندسه دوازدهم، صفحه ۳۱)

۱۸. گزینه ۴ صحیح است.

$$\begin{vmatrix} 2 & 1 & 3 \\ -3 & a & 1 \\ -2 & 2 & -2 \end{vmatrix} \xrightarrow{\text{با دترمینان ۱}} \begin{vmatrix} 2 & 1 & 8 \\ -3 & a & 1 \\ -2 & 2 & -2 \end{vmatrix}$$

برابر است. پس لازم است حاصل $\begin{vmatrix} -3 & a \\ -2 & 2 \end{vmatrix} = 0$ برابر صفر باشد.

$$\begin{vmatrix} -3 & a \\ -2 & 2 \end{vmatrix} = 0 \Rightarrow -6 + 2a = 0 \Rightarrow a = 3$$





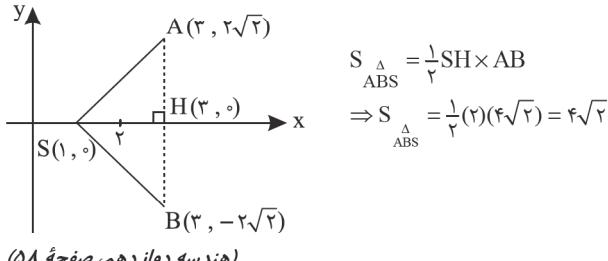
پایه دوازدهم . آزمون ۱۴ . پاسخنامه ریاضی فیزیک

مرکز تحصیلی آموزش مدارس برتر

در نتیجه کانون این سهمی $F(a + \alpha, \beta) = (2, 0)$ است، بنابراین معادله دایره خواسته شده به صورت $y^2 + y - 2 = 0$ است. اکنون برخورد دایره و سهمی را به دست می‌آوریم.

$$\begin{cases} (x-2)^2 + y^2 = 9 \\ y^2 = 4x - 4 \end{cases} \Rightarrow (x-2)^2 + 4x - 4 = 9 \Rightarrow x^2 - 4x + 4 + 4x - 4 = 9 \Rightarrow x^2 = 9 \Rightarrow x = \pm 3$$

پس نقاط برخورد این دو مقطع محروطی $A(3, 2\sqrt{2})$ و $B(3, -2\sqrt{2})$ است. بنابراین مطابق شکل مساحت مثلث ABS برابر با:



(هندسه دوازدهم، صفحه ۳۰ و ۳۱)

گزینه ۲ صحیح است.

زاویه بردار \vec{a} با محورهای مختصات x و y و z برابر زاویه بین بردار \vec{a} با بردارهای یکه \vec{i} ، \vec{j} و \vec{k} است. پس:

$$\cos 45^\circ = \frac{\vec{a} \cdot \vec{k}}{|\vec{a}| |\vec{k}|} \Rightarrow \frac{\sqrt{2}}{2} = \frac{m}{\sqrt{1+1+m^2}}$$

$$\frac{\sqrt{2}}{2} \Rightarrow \frac{1}{2} = \frac{m^2}{2+m^2} \Rightarrow m^2 = 2$$

بنابراین:

$$\cos \alpha = \frac{\vec{a} \cdot \vec{i}}{|\vec{a}| |\vec{i}|} \Rightarrow \cos \alpha = \frac{1}{\sqrt{1+1+m^2}} = \frac{1}{2}$$

$$\cos \beta = \frac{\vec{a} \cdot \vec{j}}{|\vec{a}| |\vec{j}|} \Rightarrow \cos \beta = \frac{-1}{\sqrt{1+1+m^2}} = -\frac{1}{2}$$

$$\cos^2 \alpha + \cos^2 \beta = \frac{1}{4} + \frac{1}{4} = \frac{1}{2}$$

(هندسه دوازدهم، صفحه های ۷۱ و ۷۵)

گزینه ۳ صحیح است.

تصویر بردار \vec{b} بر امتداد بردار \vec{a} را \vec{b}' می‌نامیم.

$$\vec{b}' = \frac{\vec{a} \cdot \vec{b}}{|\vec{a}|^2} \vec{a} \quad (1)$$

$$\vec{b} = (-1, 2, 2) \Rightarrow |\vec{b}| = \sqrt{1+4+4} = 3$$

زاویه بین دو بردار \vec{a} و \vec{b} برابر 60° است، پس:

$$(\vec{a} - \vec{b}) \cdot \vec{b} = |\vec{a} - \vec{b}| |\vec{b}| \cos 60^\circ \Rightarrow \vec{a} \cdot \vec{b} - |\vec{b}|^2 = 9 - 9 = 0 \Rightarrow \vec{a} \cdot \vec{b} = 9 \quad (2)$$

$$|\vec{a} - \vec{b}|^2 = |\vec{a}|^2 + |\vec{b}|^2 - 2\vec{a} \cdot \vec{b} \Rightarrow 36 = 9 + 9 - 2(9) \Rightarrow |\vec{a}|^2 = 36 \quad (3)$$

با توجه به رابطه های (1)، (2) و (3) داریم:

$$\vec{b}' = \frac{\vec{a} \cdot \vec{b}}{|\vec{a}|^2} \vec{a} = \frac{1}{3} \vec{a} = \frac{1}{3} (1, 2, 2) = \left(\frac{1}{3}, \frac{2}{3}, \frac{2}{3} \right)$$

(هندسه دوازدهم، صفحه های ۷۱ و ۷۵)

گزینه ۴ صحیح است.

مساحت مثلث ABC برابر است با:

$$\begin{aligned} S_{\Delta_{ABC}} &= \frac{1}{2} |\vec{AB} \times \vec{BC}| \\ S_{\Delta_{ABC}} &= \frac{1}{2} |\vec{AB} \times \vec{AC}| \end{aligned} \Rightarrow |\vec{AB} \times \vec{BC}| = |\vec{AB} \times \vec{AC}|$$

چون مجموع طول و عرض مثبت مرکز را می‌خواهد، پس:

$$\alpha = \frac{2\sqrt{2} - \sqrt{5}}{2\sqrt{5}}$$

بنابراین:

$$\alpha + 2\alpha + 1 = 3\alpha + 1 = \frac{6\sqrt{2} - 3\sqrt{5}}{2\sqrt{5}} + 1 = \frac{6\sqrt{2} - \sqrt{5}}{2\sqrt{5}} \times \frac{\sqrt{5}}{\sqrt{5}} = \frac{6\sqrt{10} - 5}{10} = \frac{3}{5}\sqrt{10} - \frac{1}{2}$$

(هندسه دوازدهم، صفحه های ۳۰ و ۳۱)

گزینه ۲ صحیح است.

دو دایره مماس خارجی اگر $OO' = R + R'$ باشد.

$$x^2 + y^2 + 4x = 0 \Rightarrow O\left(-\frac{a}{2}, -\frac{b}{2}\right)$$

$$, R = \frac{\sqrt{a^2 + b^2 - 4c}}{2} = \frac{\sqrt{16}}{2} = 2$$

$$x^2 + y^2 - 2x + 8y + a = 0 \Rightarrow O'\left(-\frac{a}{2}, -\frac{b}{2}\right), R' = \frac{\sqrt{a^2 + b^2 - 4c}}{2}$$

$$\Rightarrow R' = \frac{\sqrt{4+64-4a}}{2} = \frac{\sqrt{4(1+16-a)}}{2} = \sqrt{17-a}$$

بنابراین:

$$OO' = \sqrt{(-2-0)^2 + (0+4)^2} = \sqrt{9+16} = 5$$

$$OO' = R + R' \Rightarrow 5 = 2 + \sqrt{17-a} \Rightarrow a = 1$$

اکنون وضعیت نسبی دو دایره $x^2 + y^2 + 2x - 2y = 0$ و $x^2 + y^2 - 2x + 8y + 1 = 0$ را بررسی می‌کنیم.

$$x^2 + y^2 + 2x - 2y = 0 \Rightarrow O_1\left(-\frac{a}{2}, -\frac{b}{2}\right) = (-1, 1),$$

$$R_1 = \frac{\sqrt{a^2 + b^2 - 4c}}{2} = \frac{\sqrt{4+4}}{2} = \sqrt{2}$$

$$x^2 + y^2 - 2x + 8y + 1 = 0 \Rightarrow O'_1\left(-\frac{a}{2}, -\frac{b}{2}\right) = (0, 2),$$

$$R'_1 = \frac{\sqrt{a^2 + b^2 - 4c}}{2} = \frac{\sqrt{16+16}}{2} = 2\sqrt{2}$$

پس:

$$O_1O'_1 = \sqrt{1+1} = \sqrt{2} \Rightarrow O_1O'_1 = |R_1 - R'_1|$$

در نتیجه این دو دایره مماس داخلی هستند، پس دارای یک مماس مشترک هستند.

(هندسه دوازدهم، صفحه ۳۰)

گزینه ۴ صحیح است.

مرکز دایره عبارت است از:

$$O\left(-\frac{a}{2}, -\frac{b}{2}\right) = \left(-\frac{4}{2}, -\frac{-2}{2}\right) = (-2, 1)$$

با توجه به اینکه فاصله مرکز بیضی تا رأس ناکانونی برابر با $1 + \sqrt{2}$ و فاصله مرکز بیضی تا کانون برابر با $1 + \sqrt{2}$ است، پس $b = c$ است.

$$B = (-2, 2 + \sqrt{2})$$

با توجه به اینکه مثبت $\triangle BOF$ قائم الزاویه متساوی الساقین است، داریم:

$$\hat{B} = \hat{F}' = 45^\circ \Rightarrow e = \frac{c}{a} = \frac{OF'}{BF} = \sin 45^\circ = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

(هندسه دوازدهم، صفحه ۳۰)

گزینه ۴ صحیح است.

معادله استاندارد این سهمی به صورت $y = 4(x-1)$ است.

پس سهمی افقی رو به راست با رأس $(1, 0)$ و $S(1, 0) = 4a = 4$ است.

مرکز نجاش آموزش مدارس برتر

پایه دوازدهم . آزمون ۱۴ . پاسخنامه ریاضی فیزیک



داشته باشد که حداقل ۵ بار پای تخته رفته باشد، پس $m > \frac{28 \times 4}{3}$ بوده و حداقل مقدار m برابر 38 باید باشد.
(ریاضیات گسته، صفحه های ۷۹ و ۸۴)

۳۲. گزینه ۴ صحیح است.

اگر x_1 (مسعود)، x_2 ، x_3 ، x_4 ، y_1 ، y_2 ، y_3 ، y_4 مسافر و x_5 ، x_6 ، y_5 پوشاش از مجموعه $\{x_1, x_2, x_3, x_4, y_1, y_2, y_3, y_4\}$ به مجموعه $\{x_1, x_2, x_3, x_4, y_5\}$ پوشاش از مجموعه $\{y_1, y_2, y_3\}$ به مجموعه $\{x_1, x_2, x_3, x_4, y_5\}$ را می خواهد که فاقد زوج مرتب (x_1, y_1) باشد، داریم:

$$\begin{aligned} & (\underbrace{x^5 - 3x^6 + 3}_{\text{تعداد پوشاش از مجموعه ۵ عضو}}) - (\underbrace{\binom{2}{1} \times 2^4}_{\text{تعداد پوشاش از مجموعه ۵ عضو}} + \underbrace{\binom{2}{2} \times 1^4}_{\text{تعداد پوشاش از مجموعه ۶ عضو}}) \\ & = 150 - 50 = 100 \end{aligned}$$

(ریاضیات گسته، صفحه های ۷۷ و ۷۸)

۳۳. گزینه ۱ صحیح است.

می دانیم $q \leq \delta + \binom{p-1}{2}$ می باشد. پس داریم:
 $32 \leq 5 + \binom{p-1}{2} \Rightarrow \binom{p-1}{2} \geq 27 \Rightarrow p-1 \geq 8 \Rightarrow p \geq 9$

(ریاضیات گسته، صفحه های ۳۰ و ۳۱)

۳۴. گزینه ۳ صحیح است.

جمله های بسط را به صورت $(a^r)^{x_1}(b^r)^{x_2}(c^r)^{x_3}$ نمایش می دهیم، به طوری که $x_1 + x_2 + x_3 = 11$ و $b^r > 7 > 2x_2 > 3x_1$ و $x_1 + x_2 + x_3 = 11 \Rightarrow (x'_1 + 2) + (x'_2 + 3) + x'_3 = 11$
 $x_1 \geq 2$ ، $x_2 \geq 3 \Rightarrow x'_1 + x'_2 + x'_3 = 6$

$$\text{تعداد جواب های صحیح و نامنفی} = \binom{6+3-1}{3-1} = \binom{8}{2} = 28$$

(ریاضیات گسته، صفحه های ۵۹ و ۶۰)

۳۵. گزینه ۳ صحیح است.

در مربع تلقیقی حاصل از دو مربع لاتین A و B (اعداد مریع A رقیم دهگان و اعداد مریع B یکان هستند). اعداد ۲۱، ۲۲، ۲۳، ۲۴ و ۲۵ وجود دارند، پس باید عددهای $2y$ و $2z$ برابر ۲۴ و ۲۵ باشد، پس $y = 4$ و $z = 5$ و $y = 5$ و $z = 4$ همچنین درایه سطر سوم و ستون سوم مربع تلقیقی است، پس X نمی تواند ۴ باشد، پس باید $X = 2$ باشد و در نتیجه:
 $xyz = 2 \times 5 \times 4 = 40$

(ریاضیات گسته، صفحه های ۶۴ و ۷۰)

۳۶. گزینه ۳ صحیح است.

می دانیم $m! \equiv 1 \pmod{7}$ ($m \geq 7$), پس داریم:
 $9m \equiv 3! + 4! + 5! + \dots + 6! \equiv 3^0 + 7 \times 5! \equiv 5! \equiv -6 \pmod{7}$

$$9m \equiv 3^0 - 42 \equiv -12 \pmod{7} \Rightarrow 3m \equiv -4 \equiv 3 \pmod{7}$$

$$\Rightarrow m \equiv 1 \Rightarrow m = 106$$

(ریاضیات گسته، صفحه های ۲۲ و ۲۶)

۳۷. گزینه ۴ صحیح است.

$$\begin{aligned} & (a + 2b + c)\left(\frac{1}{a} + \frac{2}{b} + \frac{1}{c}\right) = 1 + \frac{2a}{b} + \frac{a}{c} + \frac{2b}{a} + \frac{c}{a} + \frac{2c}{b} + 1 \\ & = 6 + 2\left(\underbrace{\frac{a}{b} + \frac{b}{a}}_{\min=1} + \underbrace{\frac{a}{c} + \frac{c}{a}}_{\min=1} + \underbrace{\frac{b}{c} + \frac{c}{b}}_{\min=1}\right) \geq 6 + 4 + 2 + 4 \end{aligned}$$

$$\Rightarrow (a + 2b + c)\left(\frac{1}{a} + \frac{2}{b} + \frac{1}{c}\right) \geq 16 \Rightarrow n \leq 16$$

دقیقت کنید که مینیمم بودن هر سه پرانتر با هم ممکن است.

(ریاضیات گسته، صفحه های ۷ و ۸)

$$|\overrightarrow{AB} \times \overrightarrow{AC}| = 25\sqrt{3} \Rightarrow |\overrightarrow{AB}||\overrightarrow{AC}| \sin \hat{A} = 25\sqrt{3}$$

$$\Rightarrow \sin \hat{A} = \frac{\sqrt{3}}{2} \Rightarrow \begin{cases} \hat{A} = 60^\circ \\ \hat{A} = 120^\circ \end{cases}$$

با توجه به شکل زاویه \hat{A} منفرجه است و $\hat{A} = 120^\circ$ قابل قبول است. داریم:

$$\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{BC} = \overrightarrow{AB} \cdot (\overrightarrow{AC} - \overrightarrow{AB}) = \overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AC} - \overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AB}$$

$$\Rightarrow \overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{BC} = |\overrightarrow{AB}||\overrightarrow{AC}| \cos 120^\circ - |\overrightarrow{AB}|^2$$

$$\Rightarrow \overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{BC} = (25)(1)(-\frac{1}{2}) - 25^2 = -25 - 25 = -50$$

(هندسه دوازدهم، صفحه های ۷۹ و ۸۰)

۲۸. گزینه ۴ صحیح است.

$$S = \frac{1}{2} |(\vec{a} + \vec{b}) \times (\vec{b} - \vec{a})| = 75$$

می دانیم: $|\vec{a} \times \vec{b}| = |\vec{b} \times \vec{a}|$ و $\vec{a} \times \vec{b} = -\vec{b} \times \vec{a}$ ، $\vec{a} \times \vec{a} = \vec{0}$

$$S = \frac{1}{2} |4\vec{a} \times \vec{b} - \underbrace{\vec{a} \times \vec{a}}_{\vec{0}} + \underbrace{2\vec{b} \times \vec{b} - \vec{b} \times \vec{a}}_{\vec{a} \times \vec{b}}| = \frac{5}{2} |\vec{a} \times \vec{b}| = 75$$

$$\Rightarrow |\vec{a} \times \vec{b}| = 30^\circ \quad (1)$$

می دانیم $\vec{a} \times \vec{b}$ و یا به طور کلی $m\vec{a} \times n\vec{b}$ و هم بر \vec{b} و هم بر صفحه شامل \vec{a} و \vec{b}

عمود است، پس زاویه بین $\vec{a} \times \vec{b}$ و \vec{a} و \vec{b} 90° است. پس:

$$|\frac{\vec{a}}{|\vec{a}|}| \parallel \frac{1}{3} \vec{b} \times \vec{a} | \sin 90^\circ = \frac{5}{3} |\vec{b} \times \vec{a}| = \frac{5}{3} |\vec{a} \times \vec{b}|$$

با توجه به رابطه (1) داریم:

$$\frac{5}{3} |\vec{a} \times \vec{b}| = \frac{5}{3} \times 30^\circ = 50^\circ$$

(هندسه دوازدهم، صفحه های ۱۱ و ۱۲)

ریاضیات گسته

۲۹. گزینه ۳ صحیح است.

اگر A حداقل عضو را داشته باشد، $V(G) - A$ مجموعه مینیمال با حداقل عضو و چنانچه A حداقل عضو را داشته باشد، $V(G) - A$ مجموعه مینیمم است. پس داریم:

$$\begin{cases} V(G) - A = \{n, l, i, j, k, g, e, a\} \\ \Rightarrow A = \{b, c, d, f, h, m\} \Rightarrow A \text{ حداقل تعداد عضو} \end{cases}$$

مجموعه مینیمال با حداقل عضو \Rightarrow

$$\begin{cases} V(G) - A = \{c, f, h, m\} \\ \Rightarrow A = \{a, b, d, e, g, k, i, j, l, n\} \Rightarrow A \text{ حداقل تعداد عضو} \end{cases}$$

(ریاضیات گسته، صفحه های ۳۰ و ۳۱)

۳۰. گزینه ۱ صحیح است.

گراف P_n با درجات رئوس $1, 2, 2, \dots, 2$ و گراف T - منتظم مرتبه $n-2$ با درجات رئوس $1, 2, 2, \dots, 2$ می باشد. حاصل ضرب درجات اجتماع

این دو گراف برابر است با:

$$2^{n-2} \times 1^n = 10 \cdot 24 = 2^1 \cdot \underbrace{2^n - 2}_{T=2} = 2^1 \cdot 2^n - 2 \Rightarrow 2n - 2 = 10 \Rightarrow n = 6$$

توجه داشته باشید چنانچه $T = 4$ یا بیشتر باشد $n \leq 4$ به دست

می آید که قابل قبول نیست.

پس گراف G، از اجتماع یک گراف P_6 و C_6 تشکیل شده است. داریم:

$$q(G) = (4-1) + 6 = 11$$

$$q(\bar{G}) = \binom{12}{2} - 11 = 66 - 11 = 55$$

$$\Rightarrow \text{جمع درجات رئوس} = 2 \times 55 = 110$$

(ریاضیات گسته، صفحه های ۳۲ و ۳۳)

۳۱. گزینه ۱ صحیح است.

اگر کلاس m جلسه تشکیل شود، $3m$ دانش آموز توسط معلم پای تخته آورده شده اند، پس اگر فرض کنیم هر دانش آموز 4 مرتبه به پای تخته آمده باشد بایستی $3m > 28 \times 4$ باشد تا دانش آموزی وجود



۳۸. گزینه ۲ صحیح است.

$$\begin{cases} a \in [5] \\ b \in [7] \end{cases} \Rightarrow a = 13k + 5 \quad 5^{13} - 1 \\ \Rightarrow b = 26k' + 7 \quad 5^{13} - 1 \\ a^b = (13k + 5)^{26k' + 7} = 5^{26k' + 7} \times 5^7 = (-1)^{18k'} \times 5^7 \\ 5^{13} \times 5^7 = 5^{13+7} = 5^{13} = 8 \end{cases}$$

(ریاضیات گسسته، صفحه های ۱۱ و ۲۶)

۳۹. گزینه ۳ صحیح است.

$$\begin{aligned} (a, 30) &= d \Rightarrow d | a \Rightarrow [a, d] = |a| \\ [72, a] &= c \Rightarrow 72 | c \Rightarrow (72, c) = 72 \\ \Rightarrow [a, 72] &= 216 = 2^3 \times 3^3 \Rightarrow a = \pm 3^3 \times 2^{\alpha} \\ \Rightarrow \alpha &\leq 3 \end{aligned}$$

برای a, a عدد صحیح وجود دارد:

$$\pm 27, \pm 54, \pm 108, \pm 216$$

(ریاضیات گسسته، صفحه ۱۳)

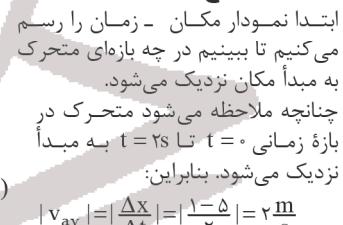
۴۰. گزینه ۳ صحیح است.

$$\begin{aligned} 13a + 7b &= 1000 \Rightarrow 13a \equiv 1000 \pmod{13} \Rightarrow -a \equiv 1 \Rightarrow a \equiv 1 \\ \Rightarrow a &= 1 + 7q \\ 13a + 7b &= 1000 \Rightarrow 13(1 + 7q) + 7b = 1000 \Rightarrow b = 141 - 13q \\ \Rightarrow a + b &= 142 - 6q \Rightarrow a + b \equiv 142 \equiv 4 \Rightarrow r = 4 \end{aligned}$$

(ریاضیات گسسته، صفحه های ۲۱ و ۲۶)

فیزیک

۴۱. گزینه ۲ صحیح است.



ابتدا نمودار مکان - زمان را رسم می کنیم تا بینیم در چه بازه ای متحرک به مبدأ مکان نزدیک می شود.

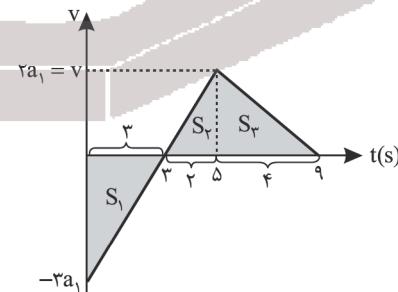
چنانچه ملاحظه می شود متحرک در بازه زمانی $t = 0$ تا $t = 2s$ به مبدأ نزدیک می شود. بنابراین:

$$|v_{av}| = \left| \frac{\Delta x}{\Delta t} \right| = \left| \frac{-5}{2} \right| = 2.5 \text{ m/s}$$

(فیزیک دوازدهم، صفحه های ۲ تا ۸)

۴۲. گزینه ۴ صحیح است.

اگر شتاب حرکت در قسمت حرکت تندشونده ($3s < t < 5s$) را فرض کنیم، داریم:



$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \Rightarrow 2 = \frac{\Delta x}{2} \Rightarrow \Delta x = 18 \text{ m}$$

$$S_1 = \frac{3(-2a_1)}{2} = -9a_1$$

$$S_r = \frac{2(2a_1)}{2} = 4a_1$$

$$\Delta x = S_1 + S_r \Rightarrow 18 = \frac{-9a_1}{2} + 2a_1 + 4a_1$$

$$18 = \frac{3a_1}{2} \Rightarrow a_1 = 12 \text{ m/s}^2$$

(فیزیک دوازدهم، صفحه های ۲ تا ۸)



مرکز تخصصی آموزش مدارس برتر

۵۲. گزینه ۲ صحیح است.

چون در برخورد به زمین، جهت حرکت گلوله 180° درجه تغییر کرده برای محاسبه اندازه تغییرات سرعت باید سرعت برخورد به زمین و سرعت جدا شدن از زمین را جمع کنیم.

$$\begin{aligned} v_1 &= 3 \frac{\text{m}}{\text{s}} \\ v_2 &= -2 \frac{\text{m}}{\text{s}} \\ |\Delta v| &= |v_1| + |v_2| = 5 \frac{\text{m}}{\text{s}} \end{aligned}$$

$$F_{\text{av}} = ma_{\text{av}} = m \frac{\Delta v}{\Delta t} = 0.4 \times \frac{5}{1} = 2.0 \text{ N}$$

(فیزیک دوازدهم، صفحه های ۱۴۱ تا ۱۴۲)

۵۳. گزینه ۲ صحیح است.

چون F ثابت است و شتاب زیاد شده پس نیروی اصطکاک کاهش یافته که کاهش نیروی اصطکاک به خاطر کاهش نیروی عمودی سطح است بنابراین:

$$\Delta a = 4 \Rightarrow \Delta F_{\text{net}} = m \Delta a = 2 \times 4 = 8 \Rightarrow f_k - f'_k = 8$$

$$\mu_k F_N - \mu_k F'_N = 8$$

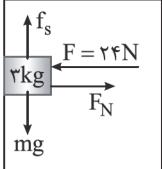
$$\mu_k (F_N - F'_N) = 8 \Rightarrow \mu_k ((20 + F) - (20 - F)) = 8$$

$$\mu_k (2F) = 8 \Rightarrow 0.5 \times 2F = 8 \Rightarrow F = 8 \text{ N}$$

(فیزیک دوازدهم، صفحه های ۱۴۲ تا ۱۴۳)

۵۴. گزینه ۱ صحیح است.

چون جسم نسبت به دیواره آسانسور ساکن است، پس اصطکاک جسم و دیواره آسانسور ایستایی است و چون آسانسور کندشونده بالا می رود، پس شتاب آسانسور رو به پایین است.



$$\begin{aligned} F_N &= F = 24 \text{ N} \\ mg - f_s &= ma \\ f_s &= m(g - a) \\ f_s &= 2(10 - 4) = 12 \text{ N} \end{aligned}$$

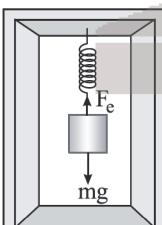
نیروی دیواره به جسم برایند دو نیروی f_s و F است.

$$R = \sqrt{f_s^2 + F_N^2} = \sqrt{12^2 + 24^2} = 6\sqrt{3^2 + 4^2} = 6 \times 5 = 30 \text{ N}$$

(فیزیک دوازدهم، صفحه های ۱۴۲ تا ۱۴۳)

۵۵. گزینه ۲ صحیح است.

در حالت اول: چون آسانسور ساکن است و جسم در حال تعادل است پس:



$$\begin{aligned} F_e &= mg \Rightarrow k\Delta L = mg \\ \Rightarrow \Delta L &= 2 \Rightarrow \Delta L = 4 \text{ cm} \\ \text{اگر طول اولیه فنر } L_0 \text{ باشد پس:} \\ a &= 0 \quad L_1 = L_0 + 4 \end{aligned}$$

در حالت دوم:

$$\begin{aligned} F_e &= m(g - a) \\ k\Delta L &= m(g - a) \\ 5\Delta L &= 2(10 - 2) \Rightarrow \Delta L = \frac{16}{5} = 3.2 \text{ cm} \\ \Rightarrow L_2 &= L_0 + 3.2 \text{ cm} \end{aligned}$$

پس طول فنر نسبت به حالتی که آسانسور ساکن بوده 8 cm یعنی 8 mm کاهش می یابد.

(فیزیک دوازدهم، صفحه های ۱۴۳ و ۱۴۴)

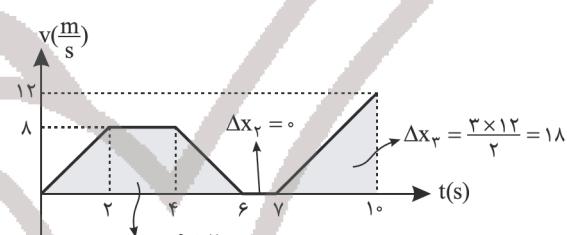
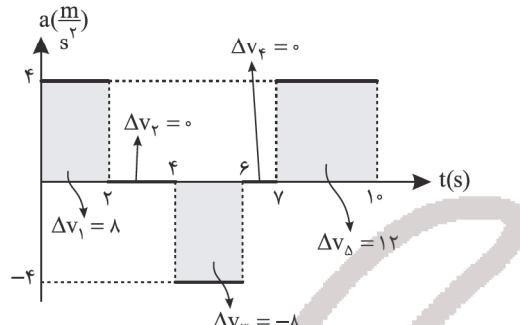
با مقایسه معادله سهیمی و معادله مکان - زمان حرکت با شتاب ثابت، شتاب را به دست می آوریم.

$$x = \frac{1}{2}at^2 + v_0 t + x_0 \Rightarrow \frac{1}{2}a = -1 \Rightarrow a = -2 \frac{m}{s^2}$$

(فیزیک دوازدهم، صفحه های ۱۴۱ تا ۱۴۲)

۵۶. گزینه ۳ صحیح است.

می دانیم سطح زیر نمودار شتاب - زمان برای تغییرات سرعت است، پس ابتدا با استفاده از نمودار شتاب - زمان، سرعت - زمان را رسم می کنیم.



۵۷. گزینه ۳ صحیح است.

$$\Delta x_1 = \frac{1}{2}at^2 + v_0 t = \frac{3}{2}t^2$$

$$\Delta x_2 = v(t-2) = 24(t-2)$$

شرط عبور از کنار هم آن است که $\Delta x_1 = \Delta x_2$. $\Delta x_1 = \Delta x_2$

$$\frac{3}{2}t^2 = 24(t-2) \Rightarrow \frac{1}{2}t^2 = 8t - 16$$

$$t^2 - 16t + 32 = 0$$

این معادله دو ریشه دارد، پس دو متحرك ۲ بار از کنار هم عبور می کنند.

(فیزیک دوازدهم، صفحه های ۱۴۱ تا ۱۴۲)

۵۸. گزینه ۲ صحیح است.

$$\Delta y_A = \frac{1}{2}(10)(5)^2 = 125 \text{ m}$$

$$\Delta y_B = \frac{1}{2}(10)(4)^2 = 80 \text{ m}$$

در این بازه زمانی جابه جایی گلوله A ۴۵ متر بیشتر از جابه جایی گلوله B است و چون ابتدا گلوله A ۲۰ متر بالا بوده پس بعد از مدت زمان مورد نظر ۲۵ متر پایین تر از گلوله B خواهد بود.

(فیزیک دوازدهم، صفحه های ۱۴۱ تا ۱۴۲)

۵۹. گزینه ۳ صحیح است.

$$F_{\text{net}} = ma \Rightarrow mg - f_D = ma \Rightarrow a = g - \frac{f_D}{m}$$

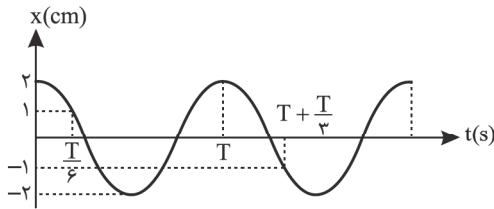
اگر $m_2 > a_1$ پس $a_2 < a_1$ بنابراین:

الف) طبق رابطه $\Delta y = \frac{1}{2}at^2$ زمان حرکت گوی سبکتر می باشد.

ب) طبق رابطه $\Delta y = 2a\Delta t$ ، چون شتاب حرکت گوی سبکتر، کمتر است، سرعت رسیدن گوی سبکتر به زمین کمتر از گوی سنگین تر است.

(فیزیک دوازدهم، صفحه های ۱۴۳ و ۱۴۴)





۶۱. گزینه ۲ صحیح است.

چون کمترین و بیشترین طول فنر در هنگام نوسان 38 cm می‌باشد و قوتی نوسانگر در مرکز نوسان است طول فنر 45 cm می‌باشد و بنابراین طول طبیعی فنر 45 cm است.

$$\omega = \sqrt{\frac{k}{m}} = \sqrt{\frac{2\pi^2}{\frac{1}{2}}} = 2\pi \text{ rad/s}$$

$$a = -\omega^2 x \Rightarrow 4 = -(2\pi)^2 x \Rightarrow x = -\frac{1}{100} \text{ m} = -1 \text{ cm}$$

طول فنر $= 45 - 1 = 44 \text{ cm}$

دقت کنید در لحظه‌ای که شتاب نوسانگر مثبت است، مکان آن منفی است.
(فیزیک دوازدهم، صفحه‌های ۶۴ و ۶۵)

۶۲. گزینه ۳ صحیح است.

$$K = \frac{1}{2}mv^2 \xrightarrow{v=\frac{1}{2}v_m} K = \frac{1}{4}K_m = \frac{1}{4}E$$

$$U = E - K = E - \frac{1}{4}E = \frac{3}{4}E$$

$$U = \frac{3}{4} \times \frac{1}{2}kA^2 = \frac{3}{8} \times 400 \times (\frac{2}{10})^2$$

$$U = \frac{3}{2} \times \frac{4}{10000} = 0.06 \text{ J} = 60 \text{ mJ}$$

(فیزیک دوازدهم، صفحه‌های ۶۴ و ۶۵)

۶۳. گزینه ۳ صحیح است.

$$v = \frac{2}{D} \sqrt{\frac{F}{\rho\pi}} = \frac{2}{2 \times 10^{-3}} \sqrt{\frac{78}{7.8 \times 10^{-3} \times \cancel{\pi}}} = 10 \sqrt{10^{-2}} = 10 \text{ m/s}$$

: مسافت طی شده توسط موج

$$T = \frac{1}{f} = \frac{1}{200} \text{ s}$$

$$\Delta t = \frac{\frac{1}{200}}{\frac{1}{200}} = 2 \Rightarrow \Delta t = 2T$$

بنابراین زمان موردنظر ۲ برابر دوره بوده و می‌دانیم هر ذره در هر دوره در اثر نوسان مسافت $4A$ را طی می‌کند.

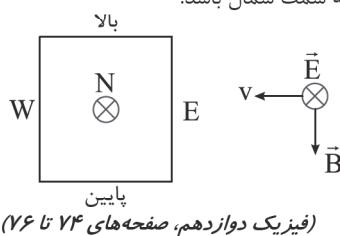
$$\text{در اثر نوسان مسافت } 4A = 2 \times 4 \times 5 \times 10^{-3} = 0.04 \text{ m}$$

$$\frac{L'}{L} = \frac{1}{4} = 25$$

(فیزیک دوازدهم، صفحه‌های ۷۰ و ۷۳ تا ۷۶)

۶۴. گزینه ۱ صحیح است.

اگر در این لحظه جهت میدان مغناطیسی به سمت بالا باشد، پس از $\frac{T}{2}$ از این لحظه، جهت میدان مغناطیسی به سمت پایین می‌شود و با توجه به آنکه جهت انتشار به سمت غرب است، با اعمال قانون دست راست باید جهت میدان الکتریکی به سمت شمال باشد.



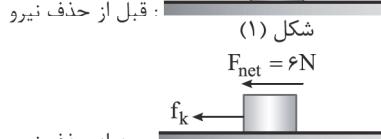
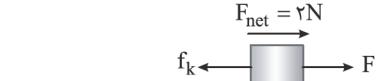
(فیزیک دوازدهم، صفحه‌های ۷۴ تا ۷۶)

۵۶. گزینه ۴ صحیح است.

$$t = 15 \text{ s} \quad \text{در بازه } t = 0 \Rightarrow F_{\text{net}} = \frac{\Delta P}{\Delta t} = \frac{3}{15} = 2 \text{ N}$$

$$t = 20 \text{ s} \quad \text{در بازه } t = 15 \text{ s} \Rightarrow F_{\text{net}} = \frac{\Delta P}{\Delta t} = \frac{-3}{5} = -6 \text{ N}$$

چون بعد از حذف نیروی F جسم متوقف شده است، پس حتماً سطح دارای اصطکاک بوده است پس:



$$f_k = 6 \text{ N} \quad \text{با استفاده از شکل (۲)}$$

$$F - f_k = 2 \Rightarrow F - 6 = 2 \Rightarrow F = 8 \text{ N} \quad \text{با استفاده از شکل (۱)}$$

(فیزیک دوازدهم، صفحه‌های ۴۱ تا ۴۳)

۵۷. گزینه ۳ صحیح است.

$$v_1 = \frac{\Delta m}{s} \quad \frac{T}{4} = 2 \Rightarrow T = 8 \text{ s}$$

$$v = \frac{\pi r t}{T} = \frac{\pi \times 12}{8} = 9 \frac{\pi}{8} \text{ m/s}$$

بردارهای v_1 و v_2 برهم عمودند.

$$\Delta v = \sqrt{v_1^2 + v_2^2} = \sqrt{9^2 + 9^2} = 9\sqrt{2} \text{ m/s}$$

$$\Delta t = \frac{T}{4} = \frac{8}{4} = 2 \text{ s}$$

$$a_{av} = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{9\sqrt{2}}{2} = 4.5\sqrt{2} \text{ m/s}^2$$

(فیزیک دوازدهم، صفحه‌های ۴۱ تا ۴۳)

۵۸. گزینه ۴ صحیح است.

$$g = \frac{GM_e}{r^2} \Rightarrow \frac{g_2}{g_1} = \left(\frac{r_1}{r_2}\right)^2$$

$$\frac{g_2}{g_1} = \frac{(4R_e)^2}{G \frac{M_e}{R_e^2}} = \frac{1}{16}$$

(فیزیک دوازدهم، صفحه‌های ۵۳ تا ۵۶)

۵۹. گزینه ۲ صحیح است.

$$x = A \cos(\omega t)$$

$$\frac{A}{2} = A \cos(\omega t_1) \Rightarrow \cos(\omega t_1) = \frac{1}{2} \Rightarrow \omega t_1 = \frac{\pi}{3}$$

$$x = A \cos(2\omega t_1) \Rightarrow x = A \cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) = -\frac{A}{2}$$

(فیزیک دوازدهم، صفحه‌های ۶۴ تا ۶۷)

۶۰. گزینه ۳ صحیح است.

$$t_1 = \frac{1}{3}s \Rightarrow x_1 = 0.2 \cos\frac{\pi}{3} = 0.1 \text{ m} = 1 \text{ cm}$$

$$t_2 = \frac{1}{3}s \Rightarrow x_2 = 0.2 \cos\frac{4\pi}{3} = -0.2 \cos\frac{2\pi}{3} = -0.1 \text{ m} = -1 \text{ cm}$$

$$\omega = \pi \Rightarrow \frac{2\pi}{T} = \pi \Rightarrow T = 2 \text{ s}$$

$$\frac{t_1}{T} = \frac{1}{3} \quad \frac{t_2}{T} = \frac{1}{3} \Rightarrow t_1 = \frac{T}{3}$$

$$\frac{t_2}{T} = \frac{1}{3} \Rightarrow \frac{t_2}{T} = \frac{1}{3} \Rightarrow t_2 = \frac{1}{3} = \frac{\Delta}{6} = \frac{1}{6} \Rightarrow t_2 = T + \frac{T}{3}$$

مرکز نجات آموزش مدارس برتر

پایه دوازدهم . آزمون ۱۴ . پاسخنامه ریاضی فیزیک



$$\frac{I_2}{I_1} = \left(\frac{r_1}{r_2}\right)^2 \Rightarrow \left(\frac{r_1}{r_2}\right)^2 = 10^{-2}$$

$$\frac{r_1}{r_2} = 10^{-1} \Rightarrow \frac{r_2}{r_1} = 10 \Rightarrow \frac{r_1 + 18^\circ}{r_1} = 10$$

$$\Rightarrow r_1 + 18^\circ = 10r_1 \Rightarrow 9r_1 = 18 \Rightarrow r_1 = 2m$$

(فیزیک دوازدهم، صفحه های ۱۱۰ و ۱۱۱)

۷۱. گزینه ۲ صحیح است.

$$K_{\max} = hf - W$$

: در حالت اول $K_{\max} = hf - W$ $\Rightarrow hf = K_{\max} + W$

: در حالت دوم $2K_{\max} = nhf - W$ $\Rightarrow nhf = 2K_{\max} + W$

$$\frac{2K_{\max} + W}{n} = \frac{2K_{\max} + 2W - W}{K_{\max} + W} = 2 - \frac{W}{K_{\max} + W}$$

$$\Rightarrow 1 < n < 2$$

(فیزیک دوازدهم، صفحه های ۱۱۶ تا ۱۲۰)

۷۲. گزینه ۳ صحیح است.

$$\lambda = \frac{v}{f} = \frac{3 \times 10^8}{2.5 \times 10^{14}} = 1.2 \times 10^{-6} m \rightarrow \lambda = 1200 nm$$

$$\frac{1}{\lambda} = R \left(\frac{1}{n'} - \frac{1}{n} \right) \Rightarrow \frac{1}{1200} = \frac{1}{100} \left(\frac{1}{3} - \frac{1}{n} \right) \Rightarrow \frac{1}{12} = \frac{1}{9} - \frac{1}{n}$$

$$\frac{1}{n} = \frac{4-3}{36} \Rightarrow n = 6$$

پس از تراز ۳ به تراز n' رفته که سومین خط رشتہ پاشن می باشد.

(فیزیک دوازدهم، صفحه های ۱۲۳ و ۱۲۴)

۷۳. گزینه ۲ صحیح است.

برای تابش فوتون هایی در ناحیه فروسرخ الکترون ها تا تراز n' می توانند منتقل شوند. چون از $n' = 3$ تا $n = 7$ تراز انرژی داریم و

برای تابش هر نوع فوتون الکترون باید ۲ تا این ۵ تراز را انتخاب کند.

$$\text{بنابراین: } n = \binom{5}{2} = \frac{5 \times 4}{2} = 10$$

(فیزیک دوازدهم، صفحه های ۱۲۶ تا ۱۳۰)

۷۴. گزینه ۳ صحیح است.

چون عدد جرمی ۴ واحد کم شده پس حتماً باید یک ذره α تابش کرده باشد در این صورت عدد اتمی $Z-2$ خواهد شد. برای آنکه عدد اتمی $Z-1$ شود، یعنی یک واحد اضافه شود باید یک الکترون هم تابش کند.

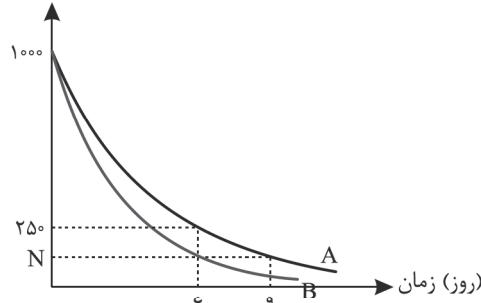
(فیزیک دوازدهم، صفحه های ۱۴۲ تا ۱۴۵)

۷۵. گزینه ۳ صحیح است.

$$A: \text{برای ماده } A = 250 = \frac{1000}{2^n} \Rightarrow 2^n = 4 \Rightarrow n = 2$$

$$\Rightarrow 2T_A = 6 \Rightarrow T_A = 3 \text{ روز}$$

تعداد هسته ها



$$t = 9 = 3T_A$$

$$N = \frac{1000}{2^3} = 125$$

$$B: \text{برای هسته } B = 125 = \frac{1000}{2^n} \Rightarrow 2^n = 8 \Rightarrow n = 3$$

$$\Rightarrow 3T_B = 6 \rightarrow T_B = 2 \text{ روز}$$

(فیزیک دوازدهم، صفحه های ۱۴۶ و ۱۴۷)

۶۵. گزینه ۱ صحیح است.

$$\beta = 63 \text{ dB}$$

$$10 \log \frac{I}{I_0} = 63 \Rightarrow \log \frac{I}{I_0} = 6.3 \Rightarrow \frac{I}{I_0} = 10^{6.3}$$

$$\Rightarrow \frac{I}{I_0} = 10^6 \times 10^{-6} \Rightarrow \frac{I}{10^{-12}} = 10^6 \times 2 \Rightarrow I = 2 \times 10^{-6} \frac{W}{m^2}$$

$$I = \frac{E}{A t} \Rightarrow 2 \times 10^{-6} = \frac{E}{\pi r^2 \times 10^{-6}} \Rightarrow E = 10^8 \times 10^{-8} J$$

$$= 10^8 \times 10^{-8} J = 10^8 \mu J$$

(فیزیک دوازدهم، صفحه های ۱۱۰ و ۱۱۱)

۶۶. گزینه ۱ صحیح است.

$$v = 126 \frac{km}{h} = \frac{126}{3/4} \frac{m}{s} = 35 \frac{m}{s}$$

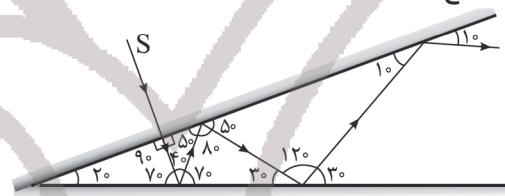
$$t = \frac{300 + 300 - x}{v} \xrightarrow{\text{صوت}} \frac{x = v \times \text{انواع}}{v} \rightarrow t = \frac{600 - 35}{34}$$

$$375t = 600 \Rightarrow t = \frac{600}{375} = \frac{8}{5} s$$

= فاصله محل دریافت پژوهش تا دیوار

(فیزیک دوازدهم، صفحه های ۹۰ تا ۹۳)

۶۷. گزینه ۲ صحیح است.



در چهارمین بازتاب زاویه پرتو بازتاب از زاویه بین دو آینه کمتر شده و دیگر به آینه بعدی برخورد نمی کند.

(فیزیک دوازدهم، صفحه های ۹۳ و ۹۴)

۶۸. گزینه ۴ صحیح است.

چون در عبور از هوا به محیط شفاف پرتو شکست به خط عمود

نزدیک می شود پس:

$$\theta_2 = 45 - 15 = 30^\circ, \lambda_2 = \lambda_1 - 100$$

$$\frac{\sin \theta_1}{\sin \theta_2} = \frac{\lambda_1}{\lambda_2} \Rightarrow \frac{\sqrt{2}}{\frac{1}{2}} = \frac{\lambda_1}{\lambda_1 - 100} \Rightarrow 1/\sqrt{2} = \frac{\lambda_1}{\lambda_1 - 100}$$

$$1/\sqrt{2} \lambda_1 - 100 = \lambda_1 \Rightarrow 0.4\lambda_1 = 100$$

$$\lambda_1 = \frac{100}{0.4} = 250 nm$$

(فیزیک دوازدهم، صفحه های ۹۱ تا ۹۳)

۶۹. گزینه ۳ صحیح است.

وقتی نیروی کشش تار ۴ برابر می شود طبق رابطه $v = \sqrt{\frac{F}{\mu}}$ ، تندی

انتشار موج در تار ۲ برابر شده و طبق رابطه $f_1 = \frac{V}{2L}$ ، بسامد هماهنگ

اول نیز ۲ برابر می شود. از طرفی طبق رابطه $\lambda = \frac{V}{f}$ ، چون V و f دو

دو برابر می شوند، طول موج این هماهنگ تغییر نمی کند.

(فیزیک دوازدهم، صفحه های ۱۱۰ تا ۱۱۳)

۷۰. گزینه ۲ صحیح است.

$$\beta_2 - \beta_1 = 10 \log \left(\frac{I_2}{I_1} \right) \Rightarrow -20 = 10 \log \left(\frac{I_2}{I_1} \right)$$

$$\log \left(\frac{I_2}{I_1} \right) = -2 \Rightarrow \frac{I_2}{I_1} = 10^{-2}$$



پایه دوازدهم . آزمون ۱۴ . پاسخنامه ریاضی فیزیک

مرکز تحصیلی آموزش مدرس برتر

شیمی

۸۶. گزینه ۴ صحیح است.

با توجه به داده‌های سؤال داریم:

$$[H^+] = 10^{-pH} \Rightarrow [H^+] = 10^{-4} \text{ mol L}^{-1}$$

$$K_a = \frac{[H^+][X^-]}{[HX]} \Rightarrow K_a = \frac{[H^+]^2}{M - [H^+]} \Rightarrow 10^{-4} = \frac{10^{-8}}{M - 10^{-4}}$$

$$\Rightarrow M = 2 \times 10^{-4} \text{ mol L}^{-1}$$

$$\frac{\text{گرم}}{\text{جرم مولی}} = \frac{35/2 \times 10^{-4}}{2 \times 10^{-4}} = \frac{\text{جرم مولی}}{\text{حجم}} = \frac{35/2 \times 10^{-4}}{0/2} = \frac{\text{جرم مولی}}{\text{جرم مولی}} = 88 \text{ g/mol}^{-1}$$

(شیمی دوازدهم، صفحه های ۲۹ تا ۳۰)

۸۷. گزینه ۱ صحیح است.

واکنش از نوع خنثی شدن است و از رابطه زیر استفاده می کنیم:

$$n_1 \times M_1 \times V_1 = n_2 \times M_2 \times V_2$$

اسید باز

$$[H^+] = 10^{-pH} \Rightarrow [H^+] = 10^{-3.7} \Rightarrow [H^+] = 10^{-4+0.3}$$

$$\Rightarrow [H^+] = 2 \times 10^{-4} \text{ mol L}^{-1}$$

$$[H^+] = M \alpha \Rightarrow 2 \times 10^{-4} = M \times 10^{-7} \Rightarrow M = 2 \times 10^{-7} \text{ mol L}^{-1}$$

$$1 \times 2 \times 10^{-7} \times 200 = 1 \times 4 \times 10^{-2} \times V_2 \Rightarrow V_2 = 100 \text{ mL}$$

(شیمی دوازدهم، صفحه های ۲۰ تا ۲۹)

۸۸. گزینه ۱ صحیح است.

$$? \text{ mol HCl} = ? \text{ L CO}_2 \times \frac{1 \text{ mol CO}_2}{22.4 \text{ L CO}_2} \times \frac{1 \text{ mol HCl}}{1 \text{ mol CO}_2} = 0.25 \text{ mol HCl}$$

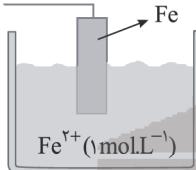
$$pH = 1/3, [H^+] = M = 10^{-1/3} = 5 \times 10^{-2} \text{ mol L}^{-1}$$

$$n_{\text{HCl}} = M \cdot V \Rightarrow 0.25 = 0.05 \times V \Rightarrow V_{\text{HCl}} = 5 \text{ L}$$

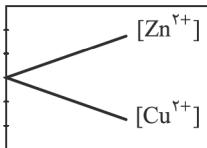
(شیمی دوازدهم، صفحه های ۲۶، ۲۵ و ۳۶)

۸۹. گزینه ۲ صحیح است.

الکترود استاندارد آهن در دمای ۲۵°C به صورت زیر است:



همچنین در سلول گالوانی (Zn - Cu) روی آند است و غلظت یون‌های آن افزایش و غلظت یون‌های مس کاهش می‌یابد، پس نمودار تغییرات آنها به صورت زیر است:



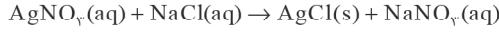
(شیمی دوازدهم، صفحه های ۳۰ تا ۳۶)

۹۰. گزینه ۳ صحیح است.

(آ) درست، فلز روی الکترون از دست داده و اکسایش یافته و نقش کاهنده دارد و اکسیژن با گرفتن الکترون کاهش یافته و نقش اکسنده دارد.

(ب) درست

(پ) نادرست، به عنوان مثال واکنش:



از نوع اکسایش - کاهش محسوب نشده و با دادوستد الکترون همراه نیست!!

۹۱. گزینه ۲ صحیح است.

بررسی عبارت نادرست: درون معده یک محیط بسیار اسیدی است. دیواره داخلی معده به طور طبیعی مقدار کمی از یون‌های هیدرونیوم را دوباره جذب می‌کند. این جذب سبب نابودی سلول‌های سازنده دیوار معده می‌شود.

(شیمی دوازدهم، صفحه های ۳۰ تا ۳۴)

۹۲. گزینه ۳ صحیح است.

هیچ یک از عبارت‌های بیان شده نادرست نیست.

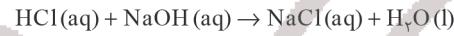
(شیمی دوازدهم، صفحه های ۱۰ تا ۱۴ و ۳۰ تا ۳۶)

۹۳. گزینه ۲ صحیح است.

(آ) نادرست، کلریدها پایدار بوده و تنهشین نمی‌شوند!

(ب) درست، آب سخت محتوی کاتیون‌های Ca^{2+} و Mg^{2+} است. فرمول شیمیایی آهک و شیر منیزی، به ترتیب CaO و $Mg(OH)_2$ می‌باشد.

(پ) نادرست، با توجه به معادله خنثی شدن آنها:



برای خنثی شدن کامل به ازای هر مول هیدروکلریک اسید یک مول سدیم هیدروکسید لازم است.

$$n_{NaOH} = M \cdot V = 0.1 \times 0.2 = 0.02 \text{ mol NaOH}$$

(ت) درست

(ث) درست

(شیمی دوازدهم، صفحه های ۱۲، ۱۱، ۱۰ و ۱۳)

۹۴. گزینه ۳ صحیح است.

عبارت‌های دوم و سوم نادرست‌اند.

بررسی عبارت‌های نادرست:

عبارة دوم: الزاماً مولکولی که در ساختار خود تعداد اتم‌های هیدروژن بیشتری دارد، pH محلول را کاهش نمی‌دهد.

عبارة سوم: ثابت یونش فقط تابع دما است.

(شیمی دوازدهم، صفحه های ۱۳ تا ۲۳)

۹۵. گزینه ۲ صحیح است.

(آ) درست، ایران اسیدی محتوی نیتریک اسید (HNO_3) و سولفوریک اسید (H_2SO_4) است. نیتریک اسید همانند HX یک اسید تکپروتون دار قوی است.

(ب) نادرست، هرچه غلظت یون هیدرونیوم در محلولی کمتر باشد pH آن محلول بیشتر است.

(پ) درست، اگر HX هیدروکلریک اسید و HA هیدروفلوئوریک اسید باشد عنصرهای Cl و F در گروه ۱۷ جدول دوره‌ای قرار دارند.

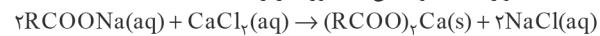
(ت) درست، HX می‌تواند هیدروکلریک اسید باشد و کاتیون نقره با یون کلرید رسوب سفید رنگ نقره کلرید ($AgCl$) را تولید می‌کند.

(ث) نادرست، در محلول‌های اسیدی این نسبت بزرگ‌تر از ۱ می‌باشد!

(شیمی دوازدهم، صفحه های ۱۱، ۱۰ و ۳۵)

۹۶. گزینه ۱ صحیح است.

معادله موازنه شده واکنش به صورت زیر است:



$$16.0 \text{ mL} \times \frac{1 \text{ g}}{1 \text{ mL}} \times \frac{100.0 \text{ g Ca}^{2+}}{4.0 \text{ g Ca}^{2+}} \times \frac{1 \text{ mol Ca}^{2+}}{1 \text{ mol Ca}^{2+}} \times \frac{2 \text{ mol}}{4.0 \text{ g Ca}^{2+}} \times \frac{29.2 \text{ g}}{1 \text{ mol Ca}^{2+}} = 2/336 \text{ g}$$

با توجه به اینکه از ۴/۶۷۲ گرم صابون اضافه شده به آب ۲/۳۳۶ گرم از آن واکنش داده است، پس ۵٪ از آن به صورت رسوب درآمده است.

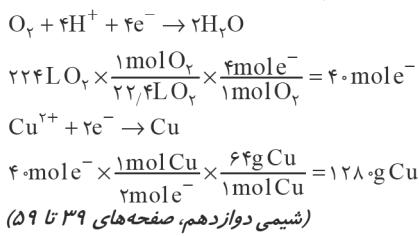
(شیمی دوازدهم، صفحه های ۷ تا ۱۰)



مرکز تخصصی آموزش مدارس برتر

- ۹۰. گزینه ۲ صحیح است.**
 حلی آهنی را گویند که با لایه نازکی از قلع (Sn) پوشیده شده است.
 بررسی عبارت‌های درست:
 ۱) در فرایند هال Al_2O_3 مذاب در یک سلول الکترولیتی برکافت می‌شود. آند و کاتد در این سلول از جنس گرافیت می‌باشد.
 ۳) برای آبکاری یک جسم فلزی باید آن را به کاتد (قطب منفی) دستگاه متصل نمود.
 ۴) در این سلول گاز اکسیژن در کاتد کاهش یافته و گاز هیدروژن در آند اکسایش می‌باشد.
 (شیمی دوازدهم، صفحه‌های ۵۰، ۵۱، ۵۹، ۶۰ و ۶۱)

- ۹۱. گزینه ۲ صحیح است.**
 با توجه به داده‌های سؤال داریم:



- ۹۲. گزینه ۴ صحیح است.**
 عبارت‌های (پ) و (ت) نادرست‌اند.
 بررسی عبارت‌های نادرست:
 پ) در اثر ایجاد خراش بر روی سطح آن، یون‌های Zn^{2+} وارد قطره آب می‌شوند.
 ت) محصول نهایی سلول آهن گالوانیزه، $\text{Zn}(\text{OH})_2$ است.
 (شیمی دوازدهم، صفحه‌های ۵۱ و ۵۹)

- ۹۳. گزینه ۳ صحیح است.**
 گزینه سوم برخلاف سایر گزینه‌ها نادرست است.
 گرافن استحکام ویژه‌ای دارد و مقاومت آن حدود $100 \cdot 10^9$ برابر فولاد است.
 (شیمی دوازدهم، صفحه‌های ۷۱ تا ۷۳)

- ۹۴. گزینه ۴ صحیح است.**
 تنها عبارت سوم نادرست است.
 بررسی عبارت نادرست:
 نیتینیون آبیاری از نیکل و تیتانیم است که به آبیار هوشمند معروف است.
 (شیمی دوازدهم، صفحه‌های ۷۷ تا ۸۱)

- ۹۵. گزینه ۲ صحیح است.**
 آ) نوع عنصرهای اصلی سازنده جامدات کووالانسی در طبیعت سیلیسیم و کربن می‌باشد.
 ب) چگالی الماس از گرافیت بیشتر است. زیرا گرافیت ساختاری لایه لایه داشته و فشرده‌گی ساختار الماس را ندارد.
 پ) کربونیل سولفید OCS می‌باشد و جرم مولی آن برابر 60 g/mol است.
 جرم مولی $\text{CO}(\text{NH}_2)_2$, $\text{C}_2\text{H}_5\text{OH}$, HCOOCH_3 و SiO_2 نیز برابر 60 g/mol می‌باشد!
 (شیمی دوازدهم، صفحه‌های ۷۱، ۷۲ و ۷۳)

- ۹۶. گزینه ۳ صحیح است.**
 فرمول مولکولی کلروفوروم CHCl_3 می‌باشد.
 بررسی عبارت‌های درست:
 ۱) عدد اکسایش اتم مرکزی در SO_4^{2-} و PO_4^{3-} به ترتیب $+6$ و $+5$ می‌باشد.
 ۲) فرمول مولکولی هر دو، $\text{C}_2\text{H}_5\text{O}$ بوده و هر دو قطبی‌اند. به دلیل تشکیل پیوند هیدروژنی بین مولکول‌های اتانول ($\text{C}_2\text{H}_5\text{OH}$), نقطه جوش اتانول از دی‌متیل اتر بیشتر است.

ت) درست، قدرت کاهندگی Al (فلز اصلی) و Fe و Zn (فلز واسطه) از فلز مس بیشتر است.
 ث) نادرست، قوی ترین کاهنده، لیتیم (گروه ۱) و قوی ترین اکسنده، فلورور (گروه ۱۷) می‌باشد.
 (شیمی دوازدهم، صفحه‌های ۳۱، ۳۲، ۳۰، ۳۳ و ۵۰ و ۶۳)

- ۹۷. گزینه ۴ صحیح است.**
 آ) نادرست، زیرا برخلاف Al , Zn یا Cu نمی‌توانند کاتیون A^{n+} و B^{n+} (یا با توجه به یکسان بودن n) یکسان است.
 ب) درست، A^{n+} می‌تواند H^+ و B^{n+} می‌تواند Ag^+ باشد. در سلول گالوانی هیدروژن - نقره الکترود SHE آند و الکترود نقره کاتد سلول را تشکیل می‌دهد.
 پ) نادرست، با توجه به یکسان بودن بار کاتیون‌ها و اینکه آند سلول و کاتد آن را تشکیل می‌دهد واکنش کلی این سلول به صورت (s) $\text{A(s)} + \text{B}^{n+}(\text{aq}) \rightarrow \text{A}^{n+}(\text{aq}) + \text{B(s)}$ می‌باشد و تمام گونه‌ها در این واکنش یکسان است. زیرا ضرب استوکیومتری آنها یکسان است.
 ت) نادرست، قدرت اکسنده B^{n+} از A^{n+} بیشتر است. زیرا B کاتد بوده و پتانسیل کاهشی استاندارد آن مثبتتر است.
 ث) درست، در سلول‌های گالوانی و الکترولیتی، جهت حرکت الکترون‌ها در مدار بیرونی از آند به کاتد است.
 (شیمی دوازدهم، صفحه‌های ۳۶، ۳۷ و ۶۳)

- ۹۸. گزینه ۴ صحیح است.**
 از برکافت ۲ مول NaCl مذاب ۲ مول فلز سدیم و ۱ مول گاز کلر تولید می‌شود. (حجم هر مول گاز در شرایط STP برابر 22.4 L/mol است).

$$2\text{NaCl(l)} \rightarrow 2\text{Na(l)} + \text{Cl}_2\text{(g)}$$

بررسی عبارت‌های درست:
 ۱) با توجه به آنکه عدد اکسایش O و H در اغلب ترکیبات به ترتیب برابر -2 و $+1$ می‌باشد جمع جبری عدد اکسایش اتم‌های کربن در $\text{C}_2\text{H}_5\text{O}_2$ و CH_3COOH (یا $\text{C}_2\text{H}_4\text{O}_2$) یکسان و برابر صفر می‌باشد.

- ۲) درست، در این سلول Si اکسایش می‌باشد.
 ۳) فرایندهای فیزیکی شامل انحلال، ذوب، خشک کردن و ... از MgCl_2 با OH^- , Cl_2 , H_2 و ... می‌باشد. ماده بازی به کار رفته در آن محتوی OH^- (کلسیم هیدروکسید) است و برای تبدیل Mg(OH)_2 به MgCl_2 از هیدروکلریک اسید (HCl) استفاده می‌شود.
 (شیمی دوازدهم، صفحه‌های ۵۱، ۵۳، ۵۵ و ۶۵)

- ۹۹. گزینه ۱ صحیح است.**

$$2\text{Al(s)} + 3\text{Cu}^{2+}(\text{aq}) \rightarrow 2\text{Al}^{3+}(\text{aq}) + 3\text{Cu(s)}$$

$$2\text{H}_2\text{O(l)} \xrightarrow{\text{برکافت}} 2\text{H}_2\text{(g)} + \text{O}_2\text{(g)} \sim 4\text{mole}^-$$

$$?g\text{ Al} = 6.0 \cdot 2 \times 1.0^{22} \text{ e}^- \times \frac{1 \text{ mole}^-}{6.0 \cdot 2 \times 1.0^{22} \text{ e}^-} \times \frac{2 \text{ mol Al}}{6 \text{ mole}^-} \times \frac{27 \text{ g Al}}{1 \text{ mol Al}} = 0.9 \text{ g Al}$$

در برکافت آب، در آند گاز اکسیژن و در کاتد، گاز هیدروژن تولید می‌شود.

$$?g\text{ O}_2 = 6.0 \cdot 2 \times 1.0^{22} \text{ e}^- \times \frac{1 \text{ mole}^-}{6.0 \cdot 2 \times 1.0^{22} \text{ e}^-} \times \frac{1 \text{ mol O}_2}{4 \text{ mole}^-} \times \frac{32 \text{ g O}_2}{1 \text{ mol O}_2} = 0.8 \text{ g O}_2$$

(شیمی دوازدهم، صفحه‌های ۳۶، ۳۷ و ۵۴)

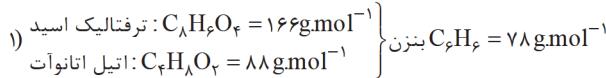


پایه دوازدهم . آزمون ۱۴ . پاسخنامه ریاضی فیزیک

مرکز تخصصی آموزش مدرس برتر

۱۰۲. گزینه ۳ صحیح است.

ساده‌ترین الكل متانول (CH_3OH) می‌باشد. از واکنش اتن با آب در حضور کاتالیزگر سولفوریک اسید، متانول ($\text{C}_2\text{H}_6\text{OH}$) تهیی می‌شود.
بررسی عبارت‌های درست:



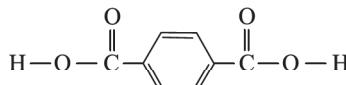
۲) از واکنش اتن با HCl کلرواتان تولید می‌شود که در افسانه‌های بی‌حس‌کننده موضعی کاربرد دارد.

۴) فرمول مولکولی پارازایلن و سیکلوهگزان به ترتیب C_8H_{10} و C_6H_{12} می‌باشد.

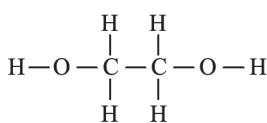
(شیمی دوازدهم، صفحه‌های ۱۱۲، ۱۱۶، ۱۱۷، ۱۱۸ و ۱۲۰)

۱۰۳. گزینه ۳ صحیح است.

مونومرهای سازنده PET (پلی اتیلن ترفتالات)، اتیلن گلیکول و ترفتالیک اسید می‌باشد و در نفت خام وجود ندارد.



ترفتالیک اسید $\text{C}_8\text{H}_6\text{O}_4$



اتیلن گلیکول $\text{C}_2\text{H}_6\text{O}_2$

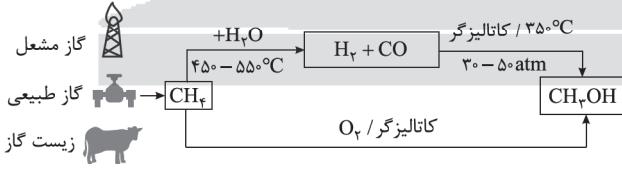
این دو ترکیب در شمار جفت الکترون‌های ناپیوندی و اتم‌های کربن با عدد اکسایش -۱ با هم متفاوتند.

شباهت آنها: عدم وجود در نفت خام، شمار اتم‌های H، شمار پیوندهای O-H و C-H می‌باشد.

(شیمی دوازدهم، صفحه‌های ۱۱۶ و ۱۱۷)

۱۰۴. گزینه ۴ صحیح است.

با توجه به شکل زیر، فشار مناسب برای قسمت C، ۳۰-۵۰ اتمسفر است.



(شیمی دوازدهم، صفحه‌های ۱۱۸ و ۱۱۹)

۱۰۵. گزینه ۴ صحیح است.

در قسمت (I)، B محلول آبی و رقیق پتابسیم پرمنگنات است.
بررسی سایر گزینه‌ها:

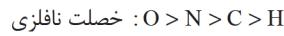
۱) C نشانگر اتیلن گلیکول است که الكلی دوعلاملی بوده و به عنوان ضدیخ کاربرد دارد.

۲) در واکنش تبدیل پارازایلن به ترفتالیک اسید، عدد اکسایش اتم‌های کربن حلقه بنزنی تغییر نمی‌کند.

۳) فرمول مولکولی نفتالن به صورت C_1H_8 و فرمول مولکولی پارازایلن به صورت C_8H_{10} می‌باشد.

(شیمی دوازدهم، صفحه‌های ۱۱۳ تا ۱۱۶)

۴) در CO_2 ، NH_4^+ و CH_4 بار جزئی اتم‌های N، C و C به ترتیب منفی، مثبت و منفی می‌باشد زیرا ترتیب خصلت نافلزی آنها به صورت زیر است:



(شیمی دوازدهم، صفحه‌های ۷۵ و ۷۶)

۹۷. گزینه ۲ صحیح است.

عبارت‌های (پ) و (ت) نادرستند.

بررسی عبارت‌های نادرست:

(پ) شمار اتم‌های متصل شده به هر اتم کربن در گرافیت و الماس به ترتیب برابر ۳ و ۴ است.

(ت) آنتالپی پیوند الماس کمتر از گرافیت است.

(شیمی دوازدهم، صفحه‌های ۷۳ و ۷۴)

۹۸. گزینه ۴ صحیح است.

همه عبارت‌های بیان شده صحیح‌اند.

(شیمی دوازدهم، صفحه‌های ۷۵ تا ۷۷)

۹۹. گزینه ۳ صحیح است.

(آ) درست

(ب) نادرست، این واکنش در حضور توری پلاتینی به صورت انفجراری انجام می‌شود.

(پ) نادرست، برای این منظور آمونیاک مایع را به طور مستقیم به خاک تزریق می‌کنند.

(ت) درست، زیرا با کاهش حجم ظرف تعادل غلظت گونه‌های موجود در تعادل افزایش می‌بابد. (چون شمار مول‌های گازی در دو طرف این تعادل یکسان است، افزایش فشار در دمای ثابت تأثیری بر جابه‌جایی این تعادل ندارد.)

(ث) نادرست، تنها عامل مؤثر بر ثابت تعادل فقط دما می‌باشد.

(شیمی دوازدهم، صفحه‌های ۹۵، ۹۶، ۱۰۳ و ۱۰۷)

۱۰۰. گزینه ۴ صحیح است.

(آ) درست، برای حذف آلاینده‌های NO_x در خودروهای دیزلی از NH_3 استفاده می‌شود.

(ب) درست، واکنش سوختن CO و H_2O تجزیه NO گرماده بوده و با تغییر عدد اکسایش برخی عنصرها همراه است.

(پ) درست، گاز A، گاز CO_2 می‌باشد.

(ت) درست، با توجه به ساختار لوویس O_2 و CO_2 که به صورت زیر است:



(ث) نادرست، کاتالیزگرهای به کار رفته فلزهای پلاتین (Pt)، پالادیم (Pd) و روکیم (Rh) می‌باشند.

(شیمی دوازدهم، صفحه‌های ۱۰۱ و ۱۰۲)

۱۰۱. گزینه ۳ صحیح است.



غلهاظت اولیه ? °/٦

غلهاظت اولیه -X °/٤

غلهاظت اولیه [A] °/٤

غلهاظت اولیه K °/٤

$$K = \frac{[\text{C}]^2}{[\text{A}][\text{B}]} \Rightarrow \frac{0/5}{0/4} = \frac{[\text{A}]}{[\text{B}]} \Rightarrow [\text{A}] = 0/8 \text{ mol.L}^{-1}$$

با توجه به تغییر غلهاظت A (x = 0/2) غلهاظت اولیه A برابر ۱ مول بر لیتر بوده است. چون حجم ظرف ۲ لیتر می‌باشد مقدار اولیه A برابر ۲ مول بوده است. بنابراین:

$$2\text{mol A} = 15.0 \text{ g} \times \frac{1\text{mol A}}{\text{m}_{\text{gA}}} \Rightarrow \text{m} = 75 \text{ g.mol}^{-1}$$

(شیمی دوازدهم، صفحه‌های ۱۰۴، ۱۰۵ و ۱۰۶)