

ساعت شروع: ۷:۳۰ صبح		ریاضی و فیزیک	رشته:	تعداد صفحه: ۳	سوالات آزمون نهایی درس: آمار و احتمال																									
مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه		نام و نام خانوادگی:	تاریخ آزمون: ۱۴۰۳/۰۶/۰۴	پایه یازدهم دوره دوم متوسطه																										
دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور و اینترنتی داخل و خارج کشور خودداد ۱۴۰۳																														
نمره	سوالات (پاسخ نامه دارد)		ردیف																											
۰.۷۵	<p>درست یا نادرست بودن هر یک از عبارت‌های زیر را مشخص کنید.</p> <p>الف) اگر <math>A</math> یک مجموعه دلخواه باشد، آن‌گاه <math>A \times \emptyset = \emptyset</math>.</p> <p>ب) اگر <math>A</math> و <math>B</math> دو پیشامد ناتهی و ناسازگار از یک فضای نمونه‌ای باشند، آن‌گاه <math>A</math> و <math>B</math> مستقل از یکدیگرند.</p> <p>پ) اگر تمام داده‌ها را در عدد ۳ ضرب کنیم، ضریب تغییرات داده‌ها ۳ برابر می‌شود.</p>		۱																											
۰.۷۵	<p>هر جای خالی را با عبارت مناسب پر کنید.</p> <p>الف) اگر <math>p</math> یک گزاره دلخواه و <math>F</math> یک گزاره همواره نادرست باشد، آن‌گاه:</p> $p \vee F \equiv \dots$ <p>ب) اگر داده‌های <math>10, 8, 12, x, 10, 12</math> مُد نداشته باشند، آن‌گاه <math>x</math> برابر ..... است.</p> <p>پ) اگر یک روش نمونه‌گیری از نمونه‌گیری ایده‌آل فاصله بگیرد و به سمتی خاص انحراف پیدا کند، می‌گویند آن روش نمونه‌گیری ..... است. (اریب - ناریب)</p>		۲																											
۱	<p>با وارد کردن جدول زیر در پاسخبرگ و سپس تکمیل آن، نشان دهید که: <math>(p \Rightarrow q) \equiv (\sim p \vee q)</math>.</p> <table border="1"> <tr> <th><math>p</math></th><th><math>q</math></th><th></th><th></th><th></th></tr> <tr> <td>د</td><td>د</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr> <td>د</td><td>ن</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr> <td>ن</td><td>د</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr> <td>ن</td><td>ن</td><td></td><td></td><td></td></tr> </table>		$p$	$q$				د	د				د	ن				ن	د				ن	ن				۳		
$p$	$q$																													
د	د																													
د	ن																													
ن	د																													
ن	ن																													
۱	<p>گزاره زیر را با استفاده از نماد سورها (<math>\forall</math> یا <math>\exists</math>) بنویسید و سپس ارزش آن را با ذکر دلیل مشخص کنید.</p> <p>"هر عدد طبیعی از مربع خودش کوچک‌تر است."</p>		۴																											
۱	<p>اگر <math>C, B, A</math> و <math>D</math> چهار مجموعه با مرجع <math>U</math> باشند، به روش عضوگیری دلخواه ثابت کنید اگر <math>A \subseteq B</math> و <math>C \subseteq D</math> آن‌گاه <math>A \cup C \subseteq B \cup D</math>.</p>		۵																											
۱	<p>اگر <math>A</math> و <math>B</math> دو مجموعه با مرجع <math>U</math> باشند، با استفاده از جبر مجموعه‌ها عبارت <math>(A - B) \cup (A \cap B)</math> را تا حد امکان ساده کنید.</p>		۶																											
۰.۵	<p>اگر <math>A = \{-1, 2\}</math> و <math>B = \mathbb{R}</math>، نمودار حاصل ضرب دکارتی <math>A \times B</math> را در دستگاه محورهای مختصات رسم کنید.</p>		۷																											

ساعت شروع: ۷:۳۰ صبح	ریاضی و فیزیک	رشته: ۳	تعداد صفحه: ۳	سوالات آزمون نهایی درس: آمار و احتمال												
مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	نام و نام خانوادگی:	۱۴۰۳/۰۴/۰۴	تاریخ آزمون:	پایه یازدهم دوره دوم متوسطه												
دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور و اینترنت داخل و خارج کشور خردداد ۱۴۰۳																
نمره	سؤالات (پاسخ نامه دارد)			ردیف												
۱	عددی به تصادف از بین اعداد طبیعی ۱ تا ۲۰۰ انتخاب می کنیم. احتمال آن که عدد انتخابی بر ۳ بخش پذیر باشد ولی بر ۴ بخش پذیر نباشد، را محاسبه کنید.			۸												
۱.۷۵	یک تاس به گونه ای ساخته شده است که احتمال وقوع هر عدد اول، چهار برابر احتمال وقوع هر عدد غیر اول است. در پرتاب این تاس، احتمال این که عدد زوج مشاهده شود را به دست آورید.			۹												
۰.۷۵	فرض کنید $A$ و $B$ دو پیشامد از فضای نمونه ای $S$ باشند به طوری که $P(B) \neq 0$ ، ثابت کنید: $P(A'   B) = 1 - P(A   B)$			۱۰												
۱	دروازه بان یک تیم فوتبال، اگر روحیه خوبی داشته باشد، با احتمال ۶۰ درصد و اگر روحیه بدی داشته باشد، با احتمال ۳۰ درصد ضربه پنالتی را مهار می کند. پیش از اولین ضربه پنالتی، روحیه این دروازه بان خوب است. احتمال آن را به دست آورید که این دروازه بان در سه ضربه پنالتی اول، دوم و سوم، دقیقاً دو ضربه آخر را مهار کند. (با مهار هر پنالتی، روحیه دروازه بان خوب و در غیر این صورت بد می شود).			۱۱												
۱.۵	در مدرسه ای ۶۰ درصد دانش آموزان در رشته تجربی و ۴۰ درصد دانش آموزان در رشته ریاضی تحصیل می کنند. در این مدرسه، $\frac{1}{3}$ دانش آموزان رشته تجربی و $\frac{1}{6}$ دانش آموزان رشته ریاضی، معدل بالای ۱۸ کسب کرده اند. دانش آموزی به تصادف از این مدرسه انتخاب شده و معدل او بالای ۱۸ است. احتمال آن که این فرد، دانش آموز رشته تجربی باشد را به دست آورید.			۱۲												
۱.۲۵	در پرتاب دو تاس، فرض کنید $A$ پیشامد مشاهده عدد ۵ در تاس اول و $B$ پیشامد مجموع ۹ در برآمدهای دو تاس باشد. مستقل یودن یا نبودن پیشامدهای $A$ و $B$ را بررسی کنید.			۱۳												
۱.۲۵	جدول فراوانی زیر مربوط به قد دانش آموزان یک کلاس بر حسب سانتی متر است. الف) مقدارهای عددی $a$ و $b$ را در جدول پیدا کنید. ب) نمودار بافت نگاشت فراوانی قد دانش آموزان را رسم کنید.			۱۴												
	<table border="1"> <tr> <th>قد دانش آموزان</th> <th>فرافوانی</th> <th>فرافوانی نسبی</th> </tr> <tr> <td><math>120 \leq H &lt; 140</math></td> <td>۶</td> <td><math>0/3</math></td> </tr> <tr> <td><math>140 \leq H &lt; 160</math></td> <td>۱۰</td> <td><math>a</math></td> </tr> <tr> <td><math>160 \leq H &lt; 180</math></td> <td>۴</td> <td><math>b</math></td> </tr> </table>	قد دانش آموزان	فرافوانی	فرافوانی نسبی	$120 \leq H < 140$	۶	$0/3$	$140 \leq H < 160$	۱۰	$a$	$160 \leq H < 180$	۴	$b$			
قد دانش آموزان	فرافوانی	فرافوانی نسبی														
$120 \leq H < 140$	۶	$0/3$														
$140 \leq H < 160$	۱۰	$a$														
$160 \leq H < 180$	۴	$b$														

ساعت شروع: ۷:۳۰ صبح	ریشه: ۳	تعداد صفحه: ۳	سوالات آزمون نهایی درس: آمار و احتمال												
مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	نام و نام خانوادگی:	۱۴۰۳/۰۴/۰۴	تاریخ آزمون: پایه یازدهم دوره دوم متوسطه												
دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور و اینترنت داخل و خارج کشور خردداد ۱۴۰۳															
سؤالات (پاسخ نامه دارد)			ردیف												
۱.۲۵	حسین در یک آزمون شرکت کرده و کارنامه آزمون او به شرح زیر است. اگر معدل موزون (میانگین وزن دار) نمره های این آزمون حسین، ۷۰ باشد، نمره فیزیک او را محاسبه نمایید.	<table border="1"> <thead> <tr> <th>مواد امتحانی</th> <th>ریاضیات</th> <th>فیزیک</th> <th>شیمی</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>نمره</td> <td>۶۵</td> <td>؟</td> <td>۹۵</td> </tr> <tr> <td>ضریب درس</td> <td>۴</td> <td>۳</td> <td>۲</td> </tr> </tbody> </table>	مواد امتحانی	ریاضیات	فیزیک	شیمی	نمره	۶۵	؟	۹۵	ضریب درس	۴	۳	۲	۱۵
مواد امتحانی	ریاضیات	فیزیک	شیمی												
نمره	۶۵	؟	۹۵												
ضریب درس	۴	۳	۲												
۱.۲۵	انحراف معیار داده های زیر را به دست آورید. (مراحل محاسبه انحراف معیار را به شکل کامل بنویسید).	۱۶, ۸, ۱۰, ۱۲, ۱۴	۱۶												
۰.۷۵	چارک اول، میانه و چارک سوم داده های زیر را بیابید.	۲, ۵, ۷, ۳, ۹, ۴, ۱, ۶, ۶, ۷	۱۷												
۰.۵	در هر مورد مناسب ترین روش نمونه گیری را بنویسید. الف) می خواهیم میانگین نمره های ریاضی دانش آموزان یک شهر را محاسبه کنیم. فهرست همه دانش آموزان را نداریم اما فهرست مدارس موجود است. ب) مدیر یک مدرسه می خواهد نظرات دانش آموزان را برای تغییر ساعت تعطیلی مدرسه بداند. مدرسه ۶ پایه دارد و حدس می زنیم که نظر ۶ پایه با هم متفاوت است.		۱۸												
۱	در یک دانشگاه، میانگین سن یک نمونه تصادفی ۲۵ نفره از دانشجویان برابر ۲۲ سال است. اگر در بررسی های گذشته، انحراف معیار سن دانشجویان این دانشگاه برابر ۲ سال باشد، بازه اطمینان ۹۵ درصد برای میانگین سن جامعه دانشجویان این دانشگاه را محاسبه کنید.		۱۹												
۱.۲۵	داده های مربوط به مطالعه یک جامعه ۷ عضوی به صورت زیر است:  ۳, ۱, ۴, ۰, ۲, ۶, ۵  الف) تمام نمونه های دو عضوی از جامعه را بنویسید که میانگین آنها ۳ باشد. ب) احتمال آن که یک نمونه دو عضوی که به تصادف انتخاب شده است، دارای میانگین ۳ باشد، را به دست آورید.		۲۰												