

تاریخ آزمون

۱۴۰۳/۰۵/۰۵

سوالات آزمون

دفترچه شماره (۱)

دوازدهم متوسطه

پایه دوازدهم ریاضی

شماره داوطلبی:	نام و نام خانوادگی:
مدت پاسخگویی: ۷۰ دقیقه	تعداد سوال: ۵۵

عنوانین مواد امتحانی آزمون گروه آزمایشی علوم ریاضی، تعداد سوالات و مدت پاسخگویی

۱۰	۱	اجباری	۱۰	حسابان (۱)	یادداشت
۲۰	۱۱		۱۶	ریاضی (۱)	
۲۵	۲۱		۵	هندسه (۲)	
۳۰	۲۶		۵	هندسه (۱)	
۳۵	۳۱		۵	آمار و احتمال	
۴۵	۳۶	اختیاری	۱۲	حسابان (۲)	یادداشت
۵۵	۴۶	اختیاری	۱۳	هندسه (۳)	یادداشت



- 1 معادله $x^2 + |x| - 4 = 0$ چند ریشه حقیقی دارد؟
- ۲ (۴) ۲ (۳) ۱ (۲) ۱) صفر
- 2 اگر دو خط $d_1: 5x + 12y + 2 = 0$ و $d_2: 24y = 9 - 10x$ بر دایره‌ای مماس باشند، مساحت دایره کدام است؟
- $\frac{\pi}{2}$ (۴) $\frac{\pi}{4}$ (۳) $\frac{\pi}{8}$ (۲) $\frac{\pi}{16}$ (۱)
- 3 اگر $\sqrt{14 + \sqrt{x}} + \sqrt{14 - \sqrt{x}} = 4$ باشد، حاصل $\frac{x}{169}$ کدام است؟
- ۱۹ (۴) ۱۱ (۳) ۱۰ (۲) ۹ (۱)
- 4 در دنباله هندسی افزایشی a_1, a_2, \dots, a_n مجموع ده جمله اول کدام است؟
- $165(\sqrt{2} + 1)$ (۴) $155(\sqrt{2} + 1)$ (۳) $165(\sqrt{2} - 1)$ (۲) $155(\sqrt{2} - 1)$ (۱)
- 5 اگر ریشه‌های معادله $x^2 - 7x + 1 = 0$ برابر α و β باشند. ریشه‌های کدام معادله $\frac{1}{\alpha} + \frac{1}{\beta}$ است؟
- $x^2 - 21x + 10 = 0$ (۲) $x^2 - 5x + 4 = 0$ (۱)
- $x^2 - 5x + 21 = 0$ (۴) $x^2 - 10x + 21 = 0$ (۳)
- 6 یک رأس مربع $A(2, 2)$ و یک ضلع آن واقع بر خط $y = 2x + 3$ است. مساحت مربع کدام است؟
- $\frac{24}{5}$ (۴) $\frac{24}{25}$ (۳) $\frac{12}{5}$ (۲) $\frac{24}{25}$ (۱)
- 7 مقدار $\sqrt{3}$ برابر کدام گزینه است؟ $A = \sqrt{7 + 4\sqrt{3}} + \sqrt{7 - 4\sqrt{3}}$
- $\sqrt{14}$ (۴) ۱۴ (۳) $2\sqrt{2}$ (۲) ۴ (۱)
- 8 در یک دنباله حسابی اگر $\frac{S_6}{S_5} = \frac{36}{25}$ باشد، آن‌گاه کدام است؟
- $\frac{12}{11}$ (۴) $\frac{13}{9}$ (۳) $\frac{11}{9}$ (۲) $\frac{11}{5}$ (۱)
- 9 اگر $x = 3$ یکی از ریشه‌های معادله $x^3 - x^2 - x - m = 0$ باشد، ریشه‌های دیگر کدام است؟
- ۴) فاقد ریشه حقیقی دیگر ۲ و ۵ (۳) ۲ و $\frac{3}{2}$ (۲) ۱) و ۴ (۱)
- 10 مجموع صفرهای تابع $f(x) = (x^2 + x)^2 - 18(x^2 + x) + 72$ کدام است؟
- ۲ (۴) ۱ (۳) -۲ (۲) -۱ (۱)

- ۱۱- اگر $\frac{1}{n}$ - عضوی از بازه $(-\frac{1}{n}, \frac{n-1}{n})$ باشد، حدود کدام است؟ (۰ > n)
- $-2 < n \leq -\frac{3}{2}$ (۴) $\frac{3}{2} \leq n < 2$ (۳) $\frac{3}{4} \leq n < 2$ (۲) $-2 < n < \frac{3}{4}$ (۱)
- ۱۲- بین هر دو عدد گویای متمایز چند عدد گویا و چند عدد گنگ وجود دارد؟
- ۱) نامتناهی - نامتناهی ۲) متناهی - متناهی ۳) نامتناهی - نامتناهی
- ۱۳- اگر A و B دو مجموعه مجزا و آنکه $A \cup B = \frac{3}{2}n$, $B \cap C = \emptyset$ و $B - C = B$ باشد، به طوری که $n(A \cup C) = 18$ باشد، سه مجموعه چقدر است؟
- ۱۴- اگر $C = \{x \in \mathbb{R} | x < 0\}$, $B = \{x \in \mathbb{R} | x > 2\}$ و $A = \{x \in \mathbb{R} | -2 \leq x \leq 2\}$ باشد، مجموعه $(A \cup B) \cap C$ کدام است؟
- ۱۵- از ۵۰ دانشجوی یک کلاس ۱۷ نفر عینکی و ۲۹ نفر پسر هستند. اگر ۱۰ دختر غیرعینکی در کلاس وجود داشته باشند، چند پسر عینکی در کلاس وجود دارد؟
- ۱۶- در الگوی درجه دوم $t_n = an^7 + bn - 5$ اگر جملات سوم و هفتم به ترتیب برابر با ۵ و (-۴۷) باشد، جملة اول کدام است؟
- ۱۷- اگر ... $4x + 2y, x - 2, y, \dots$ دنباله‌ای هندسی با جملات مثبت باشد، y کدام است؟
- ۱۸- با توجه به الگوی زیر، نسبت رنگی به کل در شکل آم کدام است؟
-
- ۱) $\frac{1}{4}$ (۴) ۲) $\frac{1}{3}$ (۳) ۳) $\frac{3}{2}$ (۲) ۴) $\frac{2}{3}$ (۱)
- ۱۹- در یک دنباله حسابی، مجموع ۴ جمله اول برابر با ۳۲ و مجموع ۴ جمله بعدی ۱۲۸ است. جمله آم این دنباله کدام است؟
- ۲۰- اگر جملات دوم، پنجم و دهم از یک دنباله حسابی، سه جمله متواالی دنباله هندسی باشد، قدرنسبت دنباله هندسی کدام است؟
- ۱) $\frac{15}{2}$ (۴) ۲) $\frac{5}{3}$ (۳) ۳) $\frac{5}{2}$ (۲) ۴) $\frac{5}{9}$ (۱)

-۲۱- دو دایره C' و C به شعاع ۱۵ میلیمتر هستند. چند خط مماس می‌توان بر C' رسم کرد که امتداد آن‌ها در C وتری به طول ۲۴ آیینه‌داند؟

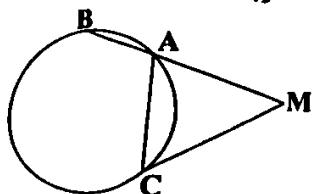
۴) بی‌شمار

۴ (۳)

۲ (۲)

۲ (۱)

-۲۲- در شکل زیر، زاویه M نصف کمان AC است و وتر AB محیط را به نسبت ۱ به ۴ قطع کرده است. زاویه M چند درجه است؟



۴۸ (۱)

۴۶ (۲)

۷۲ (۳)

۱۲ (۴)

-۲۳- اختلاف طول شعاع‌های دو دایره ۳ و طول خط مرکزین دو دایره برابر $\sqrt{5}$ است. دو دایره نسبت به هم چه وضعی دارند؟

۴) مماس داخل

۳) متقاطع

۲) متداخل

۱) متمایز

-۲۴- دایره (O, R) را توسط نقاط P_1, P_2, \dots, P_{15} به ۱۵ قسمت مساوی تقسیم کرده‌ایم. حاصل $\frac{\hat{n}_{18} - \hat{n}_1}{\hat{n}_{15} - \hat{n}_1}$ کدام است؟

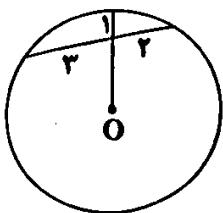
۱ (۴)

۴ (۳)

۱ (۲)

۵ (۱)

-۲۵- در شکل زیر O مرکز دایره است، شعاع دایره کدام است؟



۲/۵ (۱)

۳/۵ (۲)

۳ (۳)

۴ (۴)

-۲۶- سه پاره خط به طول‌های طبیعی $(x+1), 6x+8$ و $4x$ اضلاع یک مثلث‌اند. محیط مثلث کدام است؟

۲۵ (۴)

۲۴ (۳)

۲۳ (۲)

۲۲ (۱)

-۲۷- در مثلث قائم‌الزاویه ABC ، $\hat{A}=90^\circ$. BD نیمساز $\angle ABC$ را رسم می‌کنیم. کدام همواره درست است؟

AC > BC (۴)

CD > BC (۳)

AB > AC (۲)

AB > AD (۱)

-۲۸- کدام گزینه، مثال نقض دارد؟

(۱) نقطه همرسی میانه‌های یک مثلث، درون آن قرار دارد.

(۲) نقطه همرسی نیمسازهای داخلی یک مثلث، درون آن قرار دارد.

۴) هیچ‌کدام

(۳) نقطه همرسی عمودمنصف‌های یک مثلث، درون آن قرار دارد.

-۲۹- در شکل زیر $AB=16$ ، $BC=32$ و $AC=24$ است. BO و CO به ترتیب نیمسازهای زوایای B و C هستند. DE خطی است به موازات

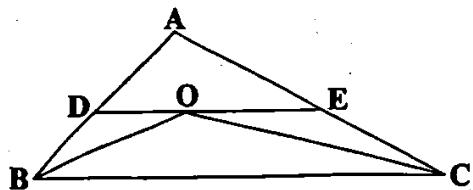
که از O می‌گذرد. محیط مثلث ADE کدام است؟

۳۶ (۱)

۴۰ (۲)

۴۴ (۳)

۴۸ (۴)



- ۳۰ در مثلث $\triangle ABC$ بزرگترین زاویه است، در این صورت کدام گزینه صحیح است؟
- (۱) $BC > AC + AB$ کوچکترین ضلع است.
 (۲) $AC > BC + AB$ کوچکترین ارتفاع است.

-۳۱ اگر $P(A \cap B)$ کدام است؟ ($P(x)$ نمایش مجموعه توانی x است).

$$\begin{aligned} &\{\emptyset, \{a, c\}, \{c, d\}, \{a, c, d\}, \{a\}, \{c\}, \{d\}\} \quad (1) \\ &\{\emptyset, \{a\}, \{c\}, \{a, c\}, \{c, d\}, \{a, d\}, \{a, c, d\}\} \quad (2) \\ &P(A \cup B) \quad (3) \\ &P(A) \cap P(B) \quad (4) \end{aligned}$$

-۳۲ همایز عبارت $((p \Rightarrow q) \wedge \neg q) \Rightarrow p$ کدام است؟

$$\begin{array}{ll} p \wedge q \quad (1) & p \quad (1) \\ p \vee q \quad (2) & q \quad (2) \\ q \quad (3) & p \quad (3) \\ p \quad (4) & p \quad (4) \end{array}$$

-۳۳ اگر $A = \{0, 1, -2\}$ و $B = \{1, 2, -2\}$ باشد و نمودار مختصاتی آنها را رسم کنیم، فاصله نزدیک‌ترین دو نقطه $A \times B$ کدام است؟

$$\begin{array}{ll} 5 \quad (1) & 4 \quad (2) \\ 4 \quad (3) & 2 \quad (4) \\ 1 \quad (5) & 1 \quad (6) \end{array}$$

-۳۴ تعداد زیرمجموعه‌های یک مجموعه $-6 - 4 - 2 - 0$ عضوی، ۸ واحد کم‌تر از تعداد زیرمجموعه‌های یک مجموعه $-4 - 2 - 0$ عضوی است. کدام است؟

$$\begin{array}{ll} 8 \quad (1) & 10 \quad (2) \\ 10 \quad (3) & 12 \quad (4) \\ 12 \quad (5) & 14 \quad (6) \end{array}$$

-۳۵ اگر A و B دو مجموعه غیرتہی باشند، مجموعه $X = [(A \cap B) \cup (A' \cap B)] \cap [(A \cup (A-B)) \cap (B \cup (B-A))]$ برابر کدام مجموعه است؟

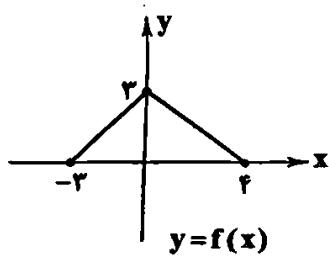
$$\begin{array}{ll} B \quad (1) & A \quad (2) \\ A \quad (3) & A \cap B \quad (4) \\ A \cup B \quad (5) & A \cup B \quad (6) \end{array}$$

توجه: داوطلب گرامی، می‌توانید به سوالات ۳۶ تا ۴۵ درس حسابان (۲) به صورت اختیاری پاسخ دهید.

-۳۶ تابع $y = -ax + [ax]$ در بازه $(0, 1)$ دارای ۳ پاره خط است، اگر این تابع زیر محور x ها قرار گیرد، $a+2$ چقدر است؟ ([] نماد جزء صحیح است).

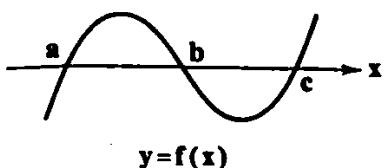
$$\begin{array}{ll} -9 \quad (1) & 6 \quad (2) \\ 6 \quad (3) & 9 \quad (4) \\ 9 \quad (5) & 12 \quad (6) \end{array}$$

-۳۷ نمودار $f(x)$ به صورت زیر است و تابع $g(x) = f(2x-1)$ محور عرض‌ها را در نقطه A قطع کرده است، فاصله نقطه A از نقطه $(0, 1)$ چقدر است؟



$$\begin{array}{l} \sqrt{6} \quad (1) \\ \sqrt{5} \quad (2) \\ 2\sqrt{2} \quad (3) \\ \sqrt{7} \quad (4) \end{array}$$

-۳۸- نمودار تابع $f(x)$ به صورت زیر است. اگر $a+b+c=0$ باشد، مجموع جوابهای معادله $=\frac{f(x)}{x}$ کدام است؟



- ۱ (۱)
۲ (۲)
۳ (۳)
۴ (۴)

-۳۹- نمودار تابع $f(x)=3^{\cos x}$ را ابتدا π واحد به سمت چپ در راستای محور x ها و سپس π واحد در جهت محور y ها به پایین منتقل می‌کنیم، تابع حاصل محور x ها را در فاصله $[-\pi, \pi]$ در چند نقطه قطع می‌کند؟

- ۱ (۲)
۲ (۳)
۳ (۴)
۴ (۵)

-۴۰- تابع $f(x)=x^7+x+1$ را دو واحد به سمت x های منفی و یک واحد به سمت y های مثبت انتقال می‌دهیم تا تابع $g(x)$ به دست آید. وسیع‌ترین بازه‌ای که تابع $(f+g)(x)=y$ زیر تابع x^7 قرار نمی‌گیرد، کدام است؟

- $x < 0$ (۱)
 $x \in \mathbb{R}$ (۲)
 $x \leq 1$ (۳)
 $x \geq 1$ (۴)

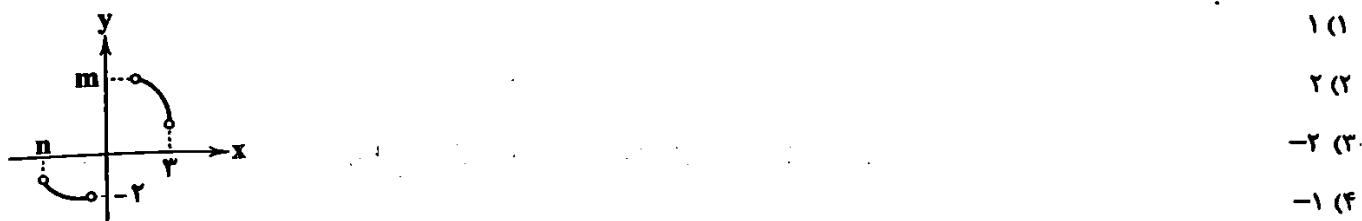
-۴۱- نقطه $A(2, 2)$ روی تابع f قرار دارد. اگر نقطه متناظر با A پس از تبدیل تابع $f(x)$ به تابع $g(x)=2-3f(x+1)$ باشد، مقدار g کدام است؟

- ۲ (۱)
۱ (۲)
۲ (۳)
-۱ (۴)

-۴۲- اگر برد دو تابع $f(x)$ و $g(x)=\frac{k}{k+1}f(x)$ به ترتیب $[-4, 8]$ و $[12, -6]$ باشد، مقدار k کدام است؟

- ۳ (۱)
۲ (۲)
۳ (۳)
-۲ (۴)

-۴۳- نمودار تابع $y=f(x)+1$ به شکل زیر است. اگر نمودار $f(-x)-f$ بر نمودار $f(x)$ منطبق باشد، حاصل $m+n$ چقدر است؟



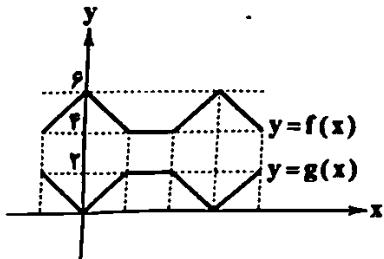
- ۱ (۱)
۲ (۲)
-۲ (۳)
-۱ (۴)

-۴۴- اگر نمودار $y=2f(\frac{x}{2})$ به صورت شکل زیر باشد، مختصات رأس سهمی $y=-2f(2-x)+1$ کدام است؟



- $(-\frac{3}{2}, -\frac{11}{3})$ (۱)
 $(\frac{3}{2}, \frac{11}{3})$ (۲)
 $(\frac{2}{3}, \frac{8}{3})$ (۳)
 $(-\frac{2}{3}, -\frac{8}{3})$ (۴)

-۴۵ - اگر نمودار توابع $y = f(x)$ و $y = g(x)$ به شکل زیر باشند، آن‌گاه شبیه تابع $(x)g$ برابر است با:



$$6 + f(-x) \quad (1)$$

$$-6 + f(x) \quad (2)$$

$$6 - f(x) \quad (3)$$

$$6 - f(-x) \quad (4)$$

توجه: داوطلب گرامی، می‌توانید به سوالات ۴۶ تا ۵۵ هندسه (۳) به صورت اختیاری پاسخ دهید.

-۴۶ - اگر $A = [i^3 - j]_{3 \times 3}$ و $B = [j^3 + i]_{3 \times 3}$ دو ماتریس مربعی باشند، حاصل جمع درایه‌های قطر اصلی ماتریس $C = A + B$ کدام است؟

$$74 \quad (4)$$

$$72 \quad (3)$$

$$68 \quad (2)$$

$$54 \quad (1)$$

-۴۷ - اگر دو ماتریس $B = \begin{bmatrix} 2 & x \\ y+2 & 4 \end{bmatrix}$ و $A = \begin{bmatrix} ab & 1 \\ 2 & a+b \end{bmatrix}$ با هم برابر باشند، حاصل $a^3 + b^3$ کدام است؟

$$28 \quad (4)$$

$$9 \quad (3)$$

$$-28 \quad (2)$$

$$-9 \quad (1)$$

-۴۸ - اگر $A = \begin{bmatrix} 2a+1 & 2a-b \\ b-2a-2 & b-2 \end{bmatrix}$ یک ماتریس قطری باشد، مجموع درایه‌های ماتریس A کدام است؟

$$1 \quad (4)$$

$$-1 \quad (3)$$

$$8 \quad (2)$$

$$9 \quad (1)$$

-۴۹ - ماتریس‌های $B = \begin{bmatrix} a-1 & b \\ bc & cd^3 \end{bmatrix}$ و $A = [2i - 3j]_{4 \times 2}$ با هم برابرند. در این صورت $\frac{a+d}{b+c}$ برابر با کدام است؟

$$-\frac{3}{5} \quad (4)$$

$$-\frac{2}{7} \quad (3)$$

$$\frac{2}{7} \quad (2)$$

$$\frac{3}{5} \quad (1)$$

-۵۰ - ماتریس $A = \begin{bmatrix} \frac{1}{x+1} & x^3 - x \\ x^3 + x & \frac{y-x}{x-2} \end{bmatrix}$ اسکالر است. در این صورت کدام گزینه صحیح است؟ (I) ماتریس همانی است.

۲) ماتریس همانی است.

۱) ماتریس صفر است.

$$2A = I \quad (4)$$

$$\frac{1}{2}A = 2I \quad (3)$$

-۵۱ - حاصل ضرب درایه‌های ستون دوم دوم ماتریس $A = [i^3 - j^3]_{4 \times 2}$ کدام است؟

$$4) \text{ صفر} \quad (4)$$

$$8 \quad (3)$$

$$168 \quad (2)$$

$$-162 \quad (1)$$

-۵۲ - اگر $A = \begin{bmatrix} 2 & -1 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$ و $B = [i+2j]_{4 \times 2}$ باشد، مجموع درایه‌های ماتریس C از رابطه $2C + A - 2B = I$ کدام است؟

$$13 \quad (4)$$

$$14 \quad (3)$$

$$11 \quad (2)$$

$$12 \quad (1)$$

- ۵۳ - حاصل ضرب درایه های $[I^T + J]$ _{۷x۷} کدام است؟

۱۸۰ (۴)

۱۶۰ (۳)

۱۰۰ (۲)

۱۲۰ (۱)

- ۵۴ - در ماتریس ۲ $A = [mI^T - J^T]$ _{۷x۷} اگر درایه واقع در سطر دوم و ستون دوم برابر ۳۰۰ باشد، مجموع درایه های ماتریس A چقدر است؟

۰ (۴) صفر

۶۲ (۳)

۲۱ (۲)

۲۴ (۱)

- ۵۵ - اگر $B = [2I + J]$ _{۷x۷} باشد، حاصل ضرب درایه های ستون سوم ماتریس X از رابطه $2X + A + B = \bar{O}$ چقدر است؟

-۹۶/۷۵ (۴)

-۹۶/۲۵ (۳)

۹۶/۷۵ (۲)

۹۶/۲۵ (۱)

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 2 \\ -1 & 0 & 4 \\ 1 & 1 & 1 \end{bmatrix}$$

تاریخ آزمون

جمعه ۱۴۰۳/۰۵/۰۵

سوالات آزمون

دفترچه شماره (۲)

دوره دوم متوسطه

پایه دوازدهم ریاضی

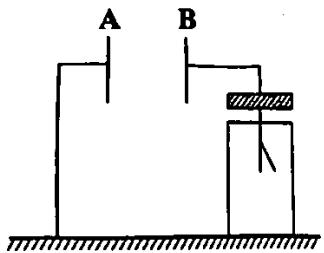
نام و نام خانوادگی:	شماره داوطلبی:
تعداد سوال:	۸۰ دقیقه

عناوین مواد امتحانی آزمون گروه آزمایشی علوم ریاضی، تعداد سوالات و مدت پاسخگویی

نام دانشجوی ۷۰ دقیقه	فیزیک (۲)		لیک	
	فیزیک (۱)			
	فیزیک (۳)			
نام دانشجوی ۷۰ دقیقه	۷۰	۵۶	اجباری	۱۵
	۸۵	۷۱		۱۵
	۹۵	۸۶	اختیاری	۱۰
نام دانشجوی ۴۰ دقیقه	۱۱۰	۹۶	اجباری	۱۵
	۱۲۵	۱۱۱		۱۵
	۱۳۵	۱۲۶	اختیاری	۱۰



۵۴- مطابق شکل زیر، دو صفحه فلزی A و B موازی هم قرار دارند. صفحه A را به زمین و صفحه B را به کلامک الکتروسکوپ وصل کرده‌ایم. ورقه‌های الکتروسکوپ، باز هستند. اگر یک قطعه شیشه‌ای بدون بار را بین این دو صفحه وارد کنیم، انحراف ورقه‌های الکتروسکوپ چه تغییری می‌کند؟



- (۱) کاهش می‌یابد.
- (۲) افزایش می‌یابد.
- (۳) به آهستگی زیاد شده و به حالت اول بر می‌گردد.
- (۴) تغییری نمی‌کند.

۵۵- دو کره فلزی مشابه A و B با بارهای $q_A = +8\mu C$ و q_B روی پایه‌های عایق در فاصله ۲ از یکدیگر قرار دارند. اگر دو کره قبل از تماس، یکدیگر را جذب و پس از تماس با یکدیگر در همان فاصله قبلی یکدیگر را دفع کنند، کدام یک از گزینه‌های زیر ممکن است در ارتباط با این دو کره نادرست باشد؟

- (۱) باز کره A پس از تماس کاهش می‌یابد.
- (۲) با تماس دو کره با یکدیگر، الکترون‌ها از کره B به کره A می‌روند.
- (۳) اندازه نیروی الکتریکی بین دو کره پس از تماس، افزایش می‌یابد.
- (۴) مجموعه بار دو کره قبل و بعد از تماس تغییری نمی‌کند.

۵۶- دو بار الکتریکی نقطه‌ای هم اندازه در فاصله ۲ از یکدیگر قرار دارند و به هم نیروی الکتریکی به بزرگی $96N$ را وارد می‌کنند. اگر بار یکی از آن‌ها را نصف و دیگری را $\frac{5}{4}$ برابر کنیم و در همان فاصله قبلی نسبت به یکدیگر قرار دهیم، اندازه نیروی بین دو بار چند نیوتون تغییر می‌کند؟

(۱) ۱۴۴

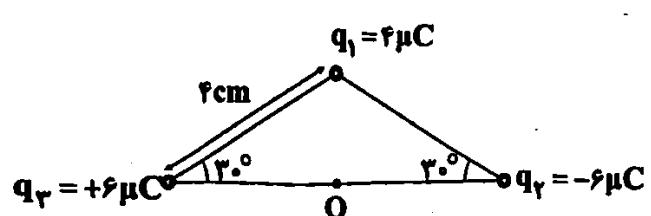
(۲) ۲۴

(۳) ۱۲۰

(۴) ۱۰۸

۵۷- مطابق شکل زیر، سه بار الکتریکی نقطه‌ای در سه رأس یک مثلث ثابت شده‌اند. بزرگی برایند نیروهای الکتریکی وارد بر بار $q_1 = +1\mu C$

$$\text{واقع در نقطه O در وسط خط واصل دو بار } q_2 \text{ و } q_3 \text{ از طرف بارهای دیگر چند نیوتون است؟} \quad (k = 9 \times 10^9 \frac{\text{N} \cdot \text{m}^2}{\text{C}^2})$$

(۱) $90\sqrt{2}$ (۲) $45\sqrt{3}$

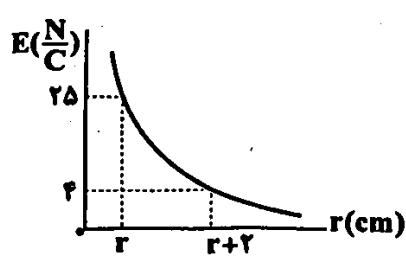
(۳) ۴۵

(۴) ۹۰

به بار آزمون $q = -2C$ در نقطه A از طرف میدان الکتریکی، نیروی $\bar{F} = -4\bar{i} - 6\bar{j}$ در SI وارد می‌شود. بردار میدان الکتریکی در نقطه A بر حسب نیوتون بر کولن در کدام گزینه به درستی آمده است؟

(۱) $-3\bar{i} + 2\bar{j}$ (۲) $-3\bar{i} - 2\bar{j}$ (۳) $2\bar{i} - 2\bar{j}$ (۴) $3\bar{i} + 2\bar{j}$

- ۶۱- اگر نمودار اندازه میدان الکتریکی حاصل از یک ذره باردار بر حسب فاصله از آن به شکل زیر باشد، چند مالتی متر است؟



- (۱) $\frac{3}{4}$
 (۲) $\frac{4}{3}$
 (۳) $\frac{2}{5}$
 (۴) $\frac{5}{2}$

- ۶۲- مطابق شکل زیر، دو صفحه رسانای موازی در فاصله کم از یکدیگر قرار دارند. اگر بار صفحه بالا $+q$ و بار صفحه پایین $-q$ باشد، کدام گزینه درست است؟

$$+++ + + + + +$$

$$- - - - - - -$$

(۱) شدت میدان الکتریکی در نزدیک صفحه مثبت، بیشتر است.

(۲) شدت میدان الکتریکی در نزدیک صفحه منفی، بیشتر است.

(۳) شدت میدان الکتریکی در فاصله مساوی از هر دو صفحه برابر صفر است.

(۴) شدت میدان الکتریکی بین دو صفحه ثابت است.

- ۶۳- مطابق شکل زیر، در یک میدان الکتریکی یکنواخت، دو ذره A و B با بارهای هماندازه و معنام، ولی با جرم‌های مختلف ($m_B > m_A$ ، به ترتیب از نقاط (۱) و (۲) رها می‌شوند. پس از طی جایه‌جایی الفی یکسان، اندازه سرعت‌های آن دو نسبت به هم چگونه خواهد بود؟ (از وزن ذره‌ها و اتلاف انرژی صرف نظر کنید).

$$\vec{E}$$

(۱) •

(۲) •

$$v_A > v_B \quad (۱)$$

$$v_A < v_B \quad (۲)$$

$$v_A = v_B \quad (۳)$$

$$v_A \geq v_B \quad (۴)$$

- ۶۴- در یک میدان الکتریکی، اگر اختلاف پتانسیل الکتریکی بین دو نقطه V باشد، چند میلی‌ژول انرژی مصرف می‌شود تا 10^{18} الکترون از نقطه با پتانسیل بیشتر به نقطه با پتانسیل کمتر جایه‌جا شوند؟ ($e = 1/16 \times 10^{-19} C$)

$$1/16 \times 10^4 \quad (۱)$$

$$1600 \quad (۲)$$

$$160 \quad (۳)$$

$$1/16 \quad (۴)$$

- ۶۵- دو پوسته رسانای کروی A و B به ترتیب دارای بارهای الکتریکی $q_A = +20\mu C$ و $q_B = -12\mu C$ می‌باشند. اگر آن‌ها را مطابق شکل زیر در حال تعادل قرار دهیم به طوری که کره A درون کره B قرار گرفته باشد، بار الکتریکی ایجاد شده در سطح داخلی و خارجی کره رسانای B به ترتیب از راست به چپ چند میکروکولون است؟



$$+8 \quad (۱)$$

$$+20 \quad (۲)$$

$$-20 \quad (۳)$$

$$+8 \quad (۴)$$

۶۶- صفحه‌های خازن تختی را به پایه‌های یک باقی با اختلاف پتانسیل ۷ وصل می‌کنیم. اگر مقدار اختلاف پتانسیل را $18V$ افزایش دهیم، بار موجود روی هر صفحه خازن، 3 برابر می‌شود. مقدار V چند ولت است؟

۳۶ (۴)

۱۵ (۳)

۹ (۲)

۶ (۱)

۶۷- کدام‌یک از اعمال زیر باعث افزایش ظرفیت خازن تخت نمی‌شود؟

(۱) افزایش مساحت صفحات خازن

(۲) فرار دلخواه دی الکتریک بین صفحات خازن

(۳) کاهش فاصله بین صفحات خازن

۶۸- با تخلیه قسمتی از بار الکتریکی یک خازن تخت پرشده، اختلاف پتانسیل الکتریکی دو سر آن 70 درصد کاهش می‌یابد. انرژی این خازن چند درصد کاهش می‌یابد؟

۹۱ (۴)

۹۰ (۳)

۴۵ (۲)

۶ (۱)

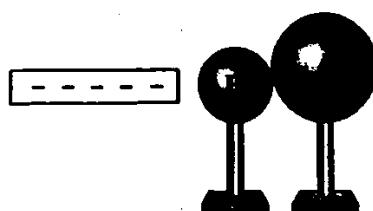
۶۹- خازن تختی که بین صفحات آن هوا قرار دارد را پس از بر شدن، از باقی جدا می‌کنیم. اگر در این حالت فاصله بین صفحه‌های این خازن را نصف کرده و دی الکتریکی با ثابت ϵ بین صفحه‌های آن قرار دهیم، انرژی ذخیره شده در خازن چند برابر حالت قبل می‌شود؟

۱۲ (۴)

۱ (۳)

۱ (۱)

۷۰- دو کره رسانای A و B روی پایه‌های عایق، مطابق شکل زیر قرار دارند. قطر کره A ، 8 سانتی‌متر و قطر کره B ، 4 سانتی‌متر است. یک تیغه ابونیتی دارای بار الکتریکی منفی را به کره B نزدیک می‌کنیم (ولی تعاس نمی‌دهیم)، سپس در همین حالت، کره A را از کره B جدا کرده و تیغه ابونیتی را دور می‌کنیم. اگر چگالی سطحی بار کره B برابر با $\frac{\mu C}{m^2}$ باشد، به ترتیب (از راست به چپ)، چگالی سطحی بار کره A چند میکروکولون بر متر مربع و بار الکتریکی کره A چند میکروکولون است؟ ($\pi = 3$)

۴۸۰ - 25×10^{-3} (۱)۳۶۰ - 25×10^{-4} (۲)۳۶۰ - 25×10^{-3} (۳)۴۸۰ - 25×10^{-4} (۴)

۷۱- به ترتیب از راست به چپ، بور مدل را به عنوان مدل اتمی پیشنهاد کرد و مدل هسته‌ای را ارائه نمود.

(۱) سیاره‌ای - رادرفورد (۲) سیاره‌ای - شرودینگر (۳) ابرالکترونی - رادرفورد (۴) ابرالکترونی - شرودینگر

۷۲- چه تعداد از عبارت‌های زیر صحیح است؟

الف) فیزیک شالوده تمام مهندسی‌ها و فناوری‌هایی است که به طور مستقیم یا غیرمستقیم در زندگی ما نقش دارند.

ب) مدل‌ها و نظریه‌های فیزیکی، اصلاح پذیر هستند.

ج) تفکر نقادانه و اندیشه‌ورزی فعال فیزیک دانان نسبت به پدیده‌هایی که با آن‌ها مواجه می‌شوند، مهم‌ترین نقش را در پیشبرد و تکامل علم فیزیک داشته است.

د) ویژگی آزمون‌پذیری و اصلاح نظریه‌های فیزیکی نقش مهمی در فرایند پیشرفت دانش ما از جهان پیرامون داشته است.

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

- ۷۳ - در فرایند مدل سازی پرتاب توپ پستکتال و همچنین پرتاب توپ بدمعینتون، از چه تعداد لز مولارد زیر می توان در هر دو مدل سازی صرف نظر کرد؟
ظیری جاذبه - وزن - اندازه توپ - شکل توپ

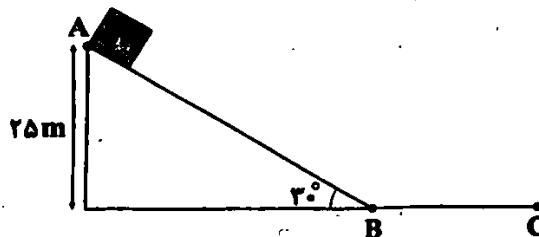
۴ (۴)

۲ (۲)

۲ (۲)

۱ (۱)

- ۷۴ - مطابق شکل زیر، می منطقه ای واقع در قطب جنوب، قطعه یعنی مکعبی شکل به جرم 2 kg را از نقطه A روی سطح شیبدار رها می کنیم. اگر این قطعه بین بعد لز پیمودن مسیر ABC در نقطه C متوقف شود، در ارتباط با مدل سازی حرکت این قطعه بین کدام یک از گزینه های زیر صحیح است؟



۱) می توان از ظیری وزن صرف نظر کرد.

۲) از شب در مسیر AB می توان صرف نظر کرد.

۳) می توان از ظیری اصطکاک وارد بر بین صرف نظر کرد.

۴) می توان از تغییر ظیری گرانش وارد بر بین در اثر تغییر ارتفاع صرف نظر کرد.

- ۷۵ - در مدل سازی حرکت یک توپ در هوا، کدام گزینه زیر اثربار مهم و تعیین کننده دارد؟

۴) مقاومت هوا و باد

۳) چرخش توپ

۲) حجم توپ

- ۷۶ - در کدام یک از گزینه های زیر، تمامی کمیت ها نرده ای هستند؟

۲) دما، نیرو و طول

۴) جایه جایی و سرعت متوسط و شتاب

۱) سرعت، جرم و زمان

۳) جرم، طول و زمان

- ۷۷ - حاصل عبارت $\text{dm}^2 \times 10^{-3} + 6 \times 10^9 \mu\text{m}^3 + 8 \times 10^{-7} \text{ cm}^3$ ، کدام است؟

۴۸۶mm^۳ (۴)۴۶۸cm^۳ (۳)۸۶۴cm^۳ (۲)۶۸۴mm^۳ (۱)

- ۷۸ - برای انجام اندازه گیری های درست و قابل اطمینان به یکاهای اندازه گیری ای نیاز داریم که و باشند. (به ترتیب از واسط به چیز)

۱) تغییر نکنند - قابل باز تولید ۲) تغییر نکنند - مستقل ۳) مستقل - قابل باز تولید ۴) مستقل - در سیستم SI

- ۷۹ - یک سال نوری چند برابر یکای نجومی است؟ (تندی نور در خلا $\frac{3 \times 10^8 \text{ m}}{\text{s}}$ است و یکای نجومی برابر $\text{AU} = 1/5 \times 10^{11} \text{ m}$ می باشد.)

۱) ۵۸۱۸۴ ۲) ۶۰۰۲۰ ۳) ۶۱۹۸۳ ۴) ۶۳۰۷۲

- ۸۰ - مساحت یک ذوزنقه 40 سانتی متر مربع است. این مقدار بر حسب پیکو مترمربع در کدام گزینه به درستی آمده است؟

۱) 4×10^{19} ۲) 4×10^{20} ۳) 4×10^{21} ۴) 4×10^{22}

- ۸۱ - ترازوی دیجیتالی A، جرم جسمی را $18/542\text{kg}$ و ترازوی دیجیتالی B جرم جسمی را $18/542\text{kg}$ نشان می دهد. دقت اندازه گیری ترازوی A چند برابر دقت اندازه گیری ترازوی B است؟

 $\frac{1}{2}$ (۴)

۱۰ (۳)

 $\frac{1}{10}$ (۲)

۲ (۱)

- ۸۲ - کدام یک از گزینه های زیر نادرست است؟

۱) در اندازه گیری کمیت های فیزیکی همواره مقداری خطأ وجود دارد.

۲) خطای اندازه گیری را می توان کاهش داد، اما هرگز نمی توان به صفر زساند.

۳) دقت اندازه گیری ابزارهای رقمی بیش از ابزارهای مدرج است.

۴) مهارت شخص آزمایشگر و تعداد دفعات اندازه گیری روی دقت اندازه گیری تأثیرگذار هستند.

- ۸۳- می خواهیم لز مادمای به چگالی $\frac{8}{5} \text{ g/cm}^3$. گرمای توپالی به شعاع داخلی 8 cm و شعاع خارجی 10 cm بسازیم. جرم این گره چند کیلوگرم است؟ ($\pi = 3$)

(۱) ۴/۷۴ (۴)

(۲) ۲/۳۷ (۳)

(۳) ۵/۹۲ (۲)

(۴) ۲/۹۶ (۱)

- ۸۴- استوانه توپری به شعاع قاعده R و ارتفاع h که هد سه برابر شعاع قاعده است، در اختیار داریم. اگر درون آن حفره‌ای کروی شکل به شعاع $\frac{R}{2}$ ایجاد کنیم، چگالی ظاهری این استوانه چند برابر چگالی اولیه آن (ρ₀) می‌شود؟

(۱) $\frac{17}{54}$ (۴)(۲) $\frac{13}{18}$ (۳)(۳) $\frac{17}{18}$ (۲)(۴) $\frac{1}{6}$ (۱)

- ۸۵- شکل زیر، نیم گرمای فلزی را نشان می‌دهد که درون آن حفره‌ای به شکل نیم کره ایجاد شده است. اگر چگالی فلز $\frac{8}{5} \text{ g/cm}^3$ باشد، جرم این

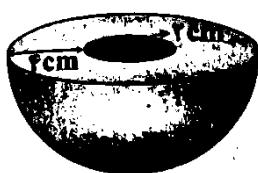
جسم چند گرم است؟ ($\pi = 3$)

(۱) ۵۶۰

(۲) ۷۲۰

(۳) ۲۰۸۰

(۴) ۲۱۱۴



توجه: داوطلب گرامی، می توانید به سوالات ۸۶ تا ۹۵ درس فیزیک (۳) به صورت اختیاری پاسخ دهید.

- ۸۶- پرنده‌ای از لحظه شروع پرواز خود، به مدت $2s$ با سرعت $\frac{3m}{s}$ به سمت شرق و پس از آن، $5s$ با سرعت $\frac{1m}{s}$ به طرف شمال حرکت می‌کند.

اختلاف تندی متوسط با اندازه سرعت متوسط پرنده پس از طی کردن این مسیر، چند متر بر ثانیه است؟

(۱) ۱/۴ (۴)

(۲) ۱

(۳) ۰/۴ (۲)

(۴) ۰/۲ (۱)

- ۸۷- نمودار مکان-زمان متحرکی که بر روی محور x حرکت می‌کند، مطابق شکل زیر است. چند ثانیه پس از شروع حرکت ($t=0$) متحرک تغییر

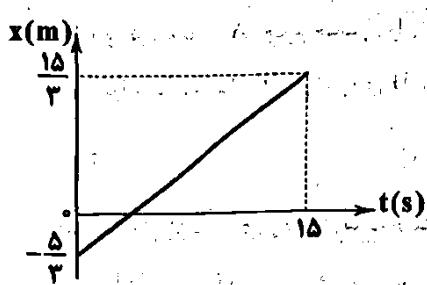
جهت می‌دهد؟

(۱) ۲

(۲) ۲/۷۵

(۳) ۶

(۴) متحرک تغییر جهت نمی‌دهد.



- ۸۸- اگر معادله مکان-زمان یک متحرک به صورت $x = 5t^2 + 6t - 5$ باشد، تندی متوسط حرکت آن در بازه زمانی $t_1 = 15$ تا $t_2 = 5s$ چند متر

بر ثانیه است؟

(۱) ۱ (۴)

(۲) ۸ (۳)

(۳) ۴ (۲)

(۴) ۲ (۱)

- ۸۹- نمودار مکان - زمان متغیرکی که روی خط راست حرکت می‌کند مطابق شکل زیر است، در کل بازه زمانی لشان داده شده، مسافت طی شده

توسط متغیرکه چند برابر اندازه جایه‌جایی آن است؟



- ۹۰- اتومبیل با تندی ثابت $\frac{3}{20}$ در حال حرکت است. اگر این اتومبیل فاصله ۵۴km را به صورت رفت و برگشت طی کند، زمان دو رفت و

برگشت این اتومبیل چند دقیقه طول می‌کشد؟

$$(1) ۳۰ \quad (2) ۶۰ \quad (3) ۱۲۰ \quad (4) ۹۰$$

- ۹۱- متغیرکی بر روی محور \mathbf{x} ها در حال حرکت است. اگر در لحظه t_1 بردار مکان این متغیرک برابر با 8 m و بردار مکان آن 2 s ثانیه بعد از لحظه t_1 برابر 14 m باشد، بردار سرعت متوسط این متغیرک در این تغییر مکان برابر کدام گزینه است؟ (یکاها در SI است).

$$(1) ۱۶ \quad (2) ۲۱ \quad (3) ۱۶ \quad (4) +۶$$

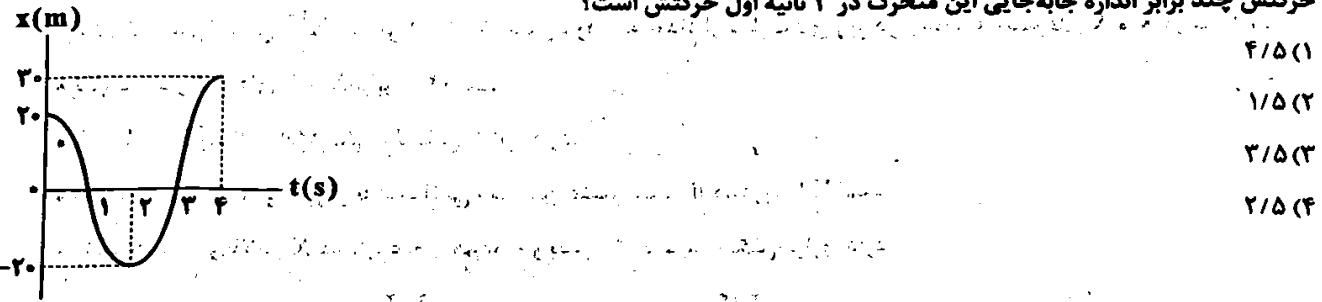
- ۹۲- معادله سرعت - زمان متغیرکی که بر روی محور \mathbf{x} ها در حال حرکت است، در SI به صورت $s = 14t + 6$ است. در کدام بازه زمانی زیر متغیرک در خلاف جهت محور \mathbf{x} ها حرکت می‌کند؟

$$\frac{1}{2} \leq t \leq \frac{3}{4} \quad (1) \frac{3}{4} \leq t \leq \frac{13}{12} \quad (2) 1 \leq t \leq 2 \quad (3) \frac{1}{2} \leq t \leq \frac{13}{12} \quad (4)$$

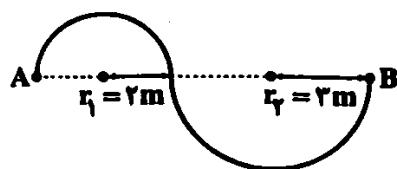
- ۹۳- نمودار مکان - زمان متغیرکی که بر روی محور \mathbf{x} ها حرکت می‌کند، به صورت سه‌می زیر است. تندی متوسط این متغیرک در ۶ ثانیه اول حرکتش چند متر بر ثانیه است؟



- ۹۴- نمودار مکان - زمان متغیرکی که بر روی محور \mathbf{x} ها حرکت می‌کند، مطابق شکل زیر است. مسافت طی شده توسط این متغیرک در ۴ ثانیه اول حرکتش چند برابر اندازه جایه‌جایی این متغیرک در ۳ ثانیه اول حرکتش است؟



- ۹۵- متحرکی از نقطه A تا نقطه B، مسیری مطابق شکل زیر را طی می‌کند. مسافت پیموده شده توسط این متحرک چند برابر اندازه جایه‌جایی آن است؟ (مسیر شامل دو نیم‌دایره است)



- (۱) π
 (۲) 0.5π
 (۳) ۱
 (۴) 0.15π



- ۹۶- چه تعداد از عنصرهای دوره سوم جدول دوره‌ای در واکنش با دیگر آتم‌ها فقط الکترون به اشتراک می‌گذارند؟ (از گاز نجیب چشم‌بوشی کنید).

- (۱) صفر
 (۲) ۱
 (۳) ۲
 (۴) ۳

- ۹۷- در دمای ۳۰۰ کلوین چه تعداد از هالوژن‌ها با گاز هیدروژن واکنش می‌دهند؟

- (۱) ۱
 (۲) ۲
 (۳) ۳
 (۴) ۴

- ۹۸- چه تعداد از عبارت‌های زیر در ارتباط با واکنش فلزهای قلیایی با گاز کلر درست است؟

• تمامی فلزهای قلیایی با گاز کلر واکنش می‌دهند و طی آن نور و گرما تولید می‌شود.

• فراورده واکنش فلز قلیایی با گاز کلر، یک ترکیب یونی است که نسبت شمار کاتیون‌ها به شمار آنیون‌های آن برابر با ۱ است.

• واکنش فلز قلیایی پتاسیم با گاز کلر در مقایسه با فلز قلیایی سدیم، شدیدتر است.

• اگر به جای گاز کلر از گاز فلوتون استفاده شود، سرعت واکنش و شدت انجام آن، افزایش می‌یابد.

- (۱) ۱
 (۲) ۲
 (۳) ۳
 (۴) ۴

- ۹۹- غلت اصلی استفاده از طلا در کلاه فضانوردان در کدام گزینه به درستی آمده است؟

(۱) طلا با بازتاب زیاد پرتوهای خورشیدی، روشنایی فضای داخل کلاه را حفظ کرده تا نور زیاد موجب کاهش کارایی فضانوردان نشود.

(۲) طلا با بازتاب زیاد پرتوهای خورشیدی، جان فضانوردان را در برابر تغییر دمایی شدید محافظت می‌کند.

(۳) طلا با جذب زیاد پرتوهای خورشیدی، فضای داخل کلاه را روشن کرده تا بینایی فضانوردان کاهش نیابد.

(۴) طلا با جذب زیاد پرتوهای خورشیدی، جان فضانوردان را در برابر کاهش شدید دما محافظت می‌کند.

- عنصر A متعلق به دوره سوم جدول بوده و جلای نقره‌ای آن به سرعت در هوای کدر می‌شود. عنصر X متعلق به دوره ششم جدول بوده و

آرایش الکترونی کاتیون X^{2+} به زیرلایه S^2 ختم می‌شود. چه تعداد از عبارت‌های زیر در ارتباط با عنصرهای A و X درست است؟

• تفاوت شمار گروه‌های A و X برابر با ۳ است.

• همانند X رسانایی الکتریکی و گرمایی بالایی دارد.

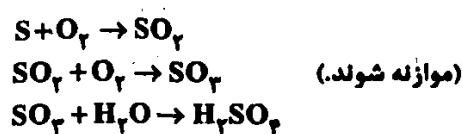
• تفاوت عدد اتمی A و X برابر با عدد اتمی نخستین عنصر دسته I هم دوره با X است.

• عنصر هم‌گروه و بالایی X همانند عنصر هم دوره و بعدی A خاصیت چکش خواری دارد.

- (۱) ۱
 (۲) ۲
 (۳) ۳
 (۴) ۴

- ۱۰۱ - چه تعداد از مطالب زیر در ارتباط با واکنش ترمیمیت درست است؟
- لز فلوروده عنصری این واکنش برای جوش دادن خطوط راه آهن استفاده می شود.
 - این واکنش نشان می دهد که فلز آلومینیم فعال تر از فلز آهن است.
 - اگر مر این واکنش، فلز آلومینیم را با فلز مس جایگزین کنیم، واکنش به طور خود به خودی انجام نمی شود.
 - این واکنش نشان می دهد که نقطه ذوب اکسید فلز آلومینیم بالاتر از نقطه ذوب فلز آهن است.
- ۴ (۴) ۳ (۳) ۲ (۲) ۱ (۱)
- ۱۰۲ - کدام واکنش از نظر انجام شدن و یا حالت فیزیکی مواد نادرست نوشته شده است؟ (واکنش ها موازن نشده اند.)
- $$\text{FeCl}_3(\text{aq}) + \text{NaOH}(\text{aq}) \rightarrow \text{Fe(OH)}_3(\text{s}) + \text{NaCl}(\text{aq}) \quad (1)$$
- $$\text{FeCl}_3(\text{aq}) + \text{KOH}(\text{aq}) \rightarrow \text{Fe(OH)}_3(\text{s}) + \text{KCl}(\text{aq}) \quad (2)$$
- $$\text{Fe}_3\text{O}_4(\text{s}) + \text{HCl}(\text{aq}) \rightarrow \text{FeCl}_3(\text{s}) + \text{H}_2\text{O}(\text{l}) \quad (3)$$
- $$\text{Fe}(\text{s}) + \text{HCl}(\text{aq}) \rightarrow \text{FeCl}_3(\text{aq}) + \text{H}_2(\text{g}) \quad (4)$$
- ۱۰۳ - چه تعداد از موارد پیشنهاد شده، عبارت زیر را به درستی کامل می کنند؟
- «در جدول تناوبی، با افزایش عدد اتمی، افزایش و کاهش می یابد.»
- فلزهای قلیایی خاکی - شعاع اتمی - انرژی لازم برای جدا کردن الکترون
 - دوره سوم - شمار الکترون های ظرفیتی - واکنش پذیری
 - هالوژن های - قدرت نیروهای وان دروالسی - خصلت نافلزی
 - دوره دوم - جاذبه هسته بر روی الکترون لایه آخر - شعاع اتمی
- ۴ (۴) ۳ (۳) ۲ (۲) ۱ (۱)
- ۱۰۴ - در شرایط یکسان، استخراج کدام فلز راحت تر صورت می گیرد؟
- (۱) آلومینیم (۲) آهن (۳) مس (۴) روی
- ۱۰۵ - چه تعداد از عبارت های زیر در ارتباط با عنصرهای دسته d درست است؟
- تمامی آن ها فلز بوده و رفتاری شبیه فلزهای دسته s و p دارند.
 - به تقریب ۳۷/۳۷٪ عنصرهای جدول دوره ای را تشکیل می ذهند.
 - دسته های از عنصرهای جدول دوره ای هستند که آرایش الکترونی آن ها به زیر لایه d ختم می شود.
 - اغلب این فلزها در طبیعت به شکل ترکیب های یونی یافت می شوند.
- ۴ (۴) ۳ (۳) ۲ (۲) ۱ (۱)
- ۱۰۶ - اگر در واکنش مربوط به استخراج آهن در شرکت فولاد آمریکا، ۴/۲ تن آهن تولید شود و جرم سنگ معدن مصرف شده، ۱۵ برابر جرم مصرفی واکنش دهنده دیگر باشد، درصد خلوص آهن (III) اکسید در سنگ معدن کدام است؟
- $(\text{Fe} = ۵۶, \text{O} = ۱۶, \text{C} = ۱۲, \text{Na} = ۲۳ : \text{g.mol}^{-1})$
- ۷۴/۲۱ (۴) ۴۸/۳۴ (۳) ۴۷/۱۲ (۲) ۵۹/۲۵ (۱)
- ۱۰۷ - از تجزیه کامل ۳۰۰ گرم پتاسیم پرمنگنات طبق واکنش موازن نشده زیر، ۲۸۴ گرم ماده چامد در ظرف باقی می ماند. درصد خلوص واکنش دهنده کدام است؟ ($\text{K} = ۳۹, \text{Mn} = ۵۵, \text{O} = ۱۶ : \text{g.mol}^{-1}$)
- $\text{KMnO}_4(\text{s}) \xrightarrow{\Delta} \text{K}_2\text{MnO}_4(\text{s}) + \text{MnO}_2(\text{s}) + \text{O}_2(\text{g})$
- ۶۳/۱ (۴) ۳۸/۹ (۳) ۵۲/۶ (۲) ۴۷/۴ (۱)

۱۰۸- با توجه به واکنش‌های متوالی زیر می‌توان از گوگرد، سولفوریک اسید تولید کرد. برای تهیه ۲ لیتر محلول ۶ مولار سولفوریک اسید به چند گرم گوگرد با خلوص ۸۰٪ نیاز است؟ (بازدۀ مرحلۀ اول ۸۰٪ بوده و بازدۀ هر مرحلۀ ۷۵٪ بازدۀ مرحلۀ قبل است.) ($S = 32 \text{ g} \cdot \text{mol}^{-1}$)



۴۴۴۴ (۴)

۲۲۲۳ (۳)

۲۲۲۲ (۲)

۱۱۱۱ (۱)

۱۰۹- از تغییر بی‌هوای ۶/۲۵ تن گلوكز با خلوص ۷۲٪، مقدار ۹۲۰ کیلوگرم سوخت سبز به دست آمده است. بازدۀ واکنش چند درصد بوده است؟ ($C = 12, H = 1, O = 16 : \text{g} \cdot \text{mol}^{-1}$)



۴۰ (۴)

۶۰ (۳)

۸۰ (۲)

۲۰ (۱)

۱۱۰- نمونه‌ای به جرم ۴۰ گرم آهن (III) اکسید ناخالص با مقدار کافی گاز کربن مونوکسید به طور کامل واکنش می‌دهد. اگر پس از پایان واکنش، جرم نمونه به ۲۲/۸ گرم کاهش یابد، درصد خلوص آهن (III) اکسید کدام است؟ (ناخالصی‌ها در واکنش شرکت نمی‌کنند.)



۸۰ (۴)

۷۵ (۳)

۶۶/۷ (۲)

۶۰ (۱)

۱۱۱- رادیو ایزوتوپ‌های A و B به ترتیب پایدارترین و ناپایدارترین رادیو ایزوتوپ‌های هیدروژن هستند. نسبت شمار نوترون‌های هسته A به شمار نوترون‌های هسته B کدام است؟

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

۱۱۲- نمی‌توان مقادیر زیادی از تکنسیم - ۹۹ را تهیه و برای مدت طولانی نگهداری کرد، زیرا
۱) نیم عمر آن کم است.
۲) تولید آن صرفه اقتصادی ندارد.
۳) با مواد موجود در هواکره واکنش می‌دهد.

۱۱۳- مفهوم «غنى سازی ایزوتوپی» در کدام گزینه درست‌تر آمده است؟

- ۱) افزایش درصد ایزوتوپ سنگین‌تر در مخلوط ایزوتوپ‌های یک عنصر
- ۲) تبدیل ایزوتوپ‌های پایدار به ایزوتوپ‌های ناپایدار یک عنصر
- ۳) تبدیل ایزوتوپ‌های ناپایدار به ایزوتوپ‌های پایدار یک عنصر
- ۴) افزایش درصد یک ایزوتوپ خاص در مخلوط ایزوتوپ‌های یک عنصر

۱۱۴- چه تعداد از عبارت‌های زیر درست است؟

۰ منظور از گلوكز نشان‌دار، گلوكزی است که حاوی اتم پرتوزا می‌باشد.

۰ از رادیو ایزوتوپ‌ها می‌توان برای تشخیص توده‌های سرطانی استفاده کرد.

۰ توده‌های سرطانی، یاخته‌هایی هستند که رشد آن‌ها متوقف و یا کند شده است.

۰ اگر در بدن فردی، توده سرطانی وجود داشته باشد، با تزریق گلوكز نشان‌دار، به جای گلوكز مواد غذایی، گلوكز نشان‌دار در توده تجمع می‌کند.

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

۱۱۵- اگر جرم مولی عنصر X , $\frac{3}{5}$ برابر جرم مولی عنصر A باشد، چند درصد جرم ترکیب A_3X را عنصر X تشکیل می‌دهد؟

۷۰ (۴)

۸۴ (۳)

۶۲ (۲)

۵۴ (۱)

۱۱۶- مقایسه میان طول موج رنگ‌های مورد نظر به کدام صورت درست است؟

(a) شعله فلز مس

(b) نور حاصل از رشته‌های سدیم در لامپ‌های بزرگراه‌ها

(c) پرتوی منتشر شده در اثر انتقال الکترون از لایه سوم به دوم در اتم هیدروژن

 $b > a > c$ (۴) $c > b > a$ (۳) $a > b > c$ (۲) $c > a > b$ (۱)

۱۱۷- در نمونه‌ای از گلوکز به جرم m گرم، شمار اتم‌های هیدروژن به تقریب برابر با $4m^2 \times 10^{21}$ است. کدام است؟ (فرمول گلوکز: $C_6H_{12}O_6$)
 $(C=12, H=1, O=16: g/mol^{-1})$

۵ (۴)

۰/۵ (۳)

۱۰ (۲)

۱ (۱)

۱۱۸- عنصر X دارای چهار ایزوتوپ با جرم‌های m+۴، m+۲، m+۲۰ و m+۴۰ در مقیاس amu بوده که فراوانی ایزوتوپ‌های اول، دوم و سوم به ترتیب ۴، ۶ و ۵ برابر فراوانی ایزوتوپ آخر است. اگر جرم اتمی میانگین عنصر X برابر $27/55$ amu باشد، m کدام است؟

۲۶/۵ (۴)

۲۶ (۳)

۲۵/۵ (۲)

۲۵ (۱)

۱۱۹- چه تعداد از عبارت‌های زیر درست است؟ (${}_1^1H, {}_8^{16}O$)

• نمی‌توان با هیچ دستگاهی و حتی با شمردن تک تک اتم‌ها، شمار آن‌ها را به دست آورد.

• عدد آوگادرو دارای یک‌بوده و یک‌ای آن mol^{-1} است.• نقش N_A در شیمی مانند نقش شانه در شمارش تخم مرغ‌ها است.

• جرم هر مولکول آب برابر ۱۸ گرم است.

۱ (۴)

۱۲ (۳)

۳ (۲)

۴ (۱)

۱۲۰- ورقه‌ای از جنس قلع به ابعاد ۵۸mm در ۳۷/۵mm و ضخامت ۴mm را در نظر بگیرید که درون آن، سوراخ‌گردی به قطر ۳۰mm ایجاد شده است. چند اتم قلع در این قطعه وجود دارد؟

 $(Sn=120 g/mol^{-1}, d_{Sn}=6 g/cm^{-3}, \pi=3)$

۳/۰۱×۱۰^{۲۳} (۴)

۳/۰۱×۱۰^{۲۲} (۳)

۱/۸۰۶×۱۰^{۲۳} (۲)

۱/۸۰۶×۱۰^{۲۲} (۱)

۱۲۱- چه تعداد از عبارت‌های زیر درست است؟

• انرژی ریزموج‌ها بیشتر از امواج رادیویی است.

• بخش بیرونی یا بالایی رنگین‌کمان، قرمز و بخش درونی یا پایینی آن، بنفش است.

• دمای حاصل از سوختن کامل گاز شهری بیشتر از شعله شمع است.

• نور خورشید با عبور از قطره‌های آب در هوا، گستره‌ای پیوسته شامل بی‌نهایت طول موج از رنگ‌های گوناگون ایجاد می‌کند.

۱ (۴)

۲ (۳)

۳ (۲)

۴ (۱)

۱۲۲- اگر تفاوت شمار الکترون‌ها و نوترون‌ها در یون‌های A^{3+} و X^{2-} به ترتیب برابر ۴۶ و ۲۰ باشد، مجموع عدد اتمی دو عنصر A و X کدام است؟

۱۳۹ (۴)

۱۳۷ (۳)

۱۳۳ (۲)

۱۳۵ (۱)

۱۲

- کدام یک از مطالب زیر تا درست است؟

- ۱) درصد فرلوانی U^{235} در مخلوط طبیعی ایزوتوپ‌های لورانیم، بیشتر از فرلوانی H^3 در مخلوط طبیعی ایزوتوپ‌های هیدروژن است.
- ۲) جرم ۱۵۰۰ الکترون کمتر از جرم یک پروتون یا یک نوترون است
- ۳) تغلفت جرم نوترون و پروتون بیشتر از 100 MeV است.
- ۴) علت استفاده از نخستین عنصر ساخت بشر در تصویربرداری غده تیروئید این است که بون حاوی آن با یون یدید جرم مشابهی دارد.

- ۹

- شمار اتم‌های موجود در ۳۲ گرم Fe_7O_2 با اتم‌های موجود در کدام یک از نمونه‌های زیر برابر است؟

$$(\text{Fe}=56, \text{C}=12, \text{O}=16, \text{H}=1: \text{g.mol}^{-1})$$

CO ۲۱ گرم

$$3 \times 10^{23} \text{ مولکول آب}$$

$$0.86 \text{ g.mL}^{-1} \text{ لیتر هگزان} (\text{C}_6\text{H}_{14}) \text{ با چگالی } 0.005 \text{ g.mL}^{-1}$$

(CH₃COCH₃) ۷/۲۵ گرم استون

- ۱) نمونه‌ای از عنصر هلیم که شامل مخلوطی از سه ایزوتوپ ^3He , ^4He و ^9He است را در نظر بگیرید. اگر جرم ایزوتوپ‌ها با هم برابر باشد، پس از گذشت ۲۰۰ میلی ثانیه، فرلوانی He^9 در مخلوط نهایی، به تقریب چند درصد تغییر می‌کند؟ (از نظر عددی جرم اتمی هر ایزوتوپ (با یکای ۲۰۰) را برابر با عدد جرمی در نظر بگیرید و نیم عمر ایزوتوپ‌های He^9 و He^4 به ترتیب برابر ۸۰ و ۱۲۰ میلی ثانیه است).

۱۲/۹ (۱)

۱۸/۴ (۳)

۲۵/۴ (۲)

۲۳/۸ (۴)

وجهه: داوطلب گرامی، می‌توانید به سوالات ۱۲۶ تا ۱۲۵ درس شیمی (۳) به صورت اختیاری پاسخ دهید.

- ۱۲

- دلیل این‌که لکه عسل به راحتی با آب شسته و در آن پختن می‌شود در کدام گزینه آمده است؟

۱)

۱) عسل یک ماده ناخالص و حاوی شمار زیادی ترکیب یونی است.

۲)

۲) عسل حاوی مولکول‌های قطبی است که در ساختار خود، هر کدام یک یا دو گروه هیدروکسیل دارند.

۳)

۳) عسل حاوی مولکول‌های قطبی است که در ساختار خود شمار قابل توجهی گروه هیدروکسیل دارند.

۴)

۴) عسل حاوی مولکول‌های قطبی است که در ساختار خود تعدادی گروه کربوکسیل دارند.

-

در یک صابون مایع، درصد جرمی کربن، ۶ برابر درصد جرمی اکسیژن است. اگر در ساختار هر واحد از این صابون، دو پیوند دوگانه وجود

$$(C=12, H=1, O=16, N=14: \text{g.mol}^{-1}) \text{ می‌شود، درصد جرمی هیدروژن، چند برابر درصد جرمی نیتروژن است؟}$$

۲۰۷ (۱)

۲/۲۵ (۲)

۱/۹۳ (۴)

و دره و اتیلن گلیکول در چه تعداد از موارد زیر یکسانند؟

-

۱) تنسبت شمار اتم‌های کربن به اکسیژن

-

۲) تامحلول بودن در هگزان

-

۳) اسکان تشکیل پیوند هیدروژنی با مولکول‌های آب

-

۴) تشار جفت الکترون‌های ناپیوندی

-

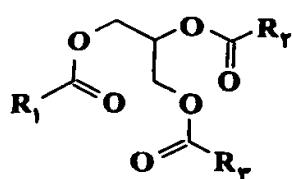
۱ (۴)

۲ (۳)

۳ (۲)

۴

۱۲۹- اگر ساختار زیر مربوط به روغن زیتون باشد، تفاوت مجموع شمار اتم‌های کربن و مجموع شمار اتم‌های هیدروژن در گروه‌های $R_۲$ ، $R_۱$ و $R_۳$ کدام است؟



(۴۸)

(۴۹)

(۴۵)

(۴۴)

۱۳۰- اگر نسبت شمار اتم‌های هیدروژن به شمار اتم‌های کربن در بنزین و واژلین را به ترتیب با a و b نشان دهیم، حاصل $\frac{a}{b}$ کدام است؟

۰/۷۹ (۴)

۱/۲۱ (۳)

۱/۰۸ (۲)

۰/۹۲ (۱)

۱۳۱- اگر جرم $۰/۰$ مول از یک صابون جامد خالص برابر $۱۷/۴$ گرم باشد، نسبت شمار پیوندهای کربن - هیدروژن به کربن - کربن در اسید چرب ($C=۱۲$ ، $H=۱$ ، $O=۱۶$ ، $Na=۲۳$: $g.mol^{-۱}$) مربوط به صابون کدام است؟

 $\frac{۳۱}{۱۶}$ (۴) $\frac{۳۱}{۱۵}$ (۳) $\frac{۳۲}{۱۶}$ (۲) $\frac{۳۲}{۱۷}$ (۱)

۱۳۲- در ساختار یک صابون مایع که فاقد عنصر فلزی است، ۳۲ اتم هیدروژن وجود دارد. اگر در این صابون یک پیوند دوگانه کربن - کربن وجود داشته باشد و سایر پیوندهای کربن - کربن از نوع یگانه باشد، جرم مولی اسید چرب سازنده صابون چند گرم است؟ ($C=۱۲$ ، $H=۱$ ، $O=۱۶$: $g.mol^{-۱}$)

۲۴۲ (۴)

۲۸۲ (۳)

۲۵۴ (۲)

۲۷۰ (۱)

۱۳۳- کدام عبارت‌های زیر درست است؟

(آ) ساده‌ترین و مؤثرترین راه پیشگیری وبا، رعایت بهداشت فردی و همگانی است.

(ب) شاخص امید به زندگی نشان می‌دهد که انسان‌ها حداقل چند سال در این جهان زندگی می‌کنند.

(پ) امروزه امید به زندگی براي بيش تر مردم دنيا بين ۶۰ تا ۷۰ سال است.

(ت) با گذشت زمان امید به زندگی در سطح جهان افزایش يافته است.

(۴) «ب» و «پ»

(۳) «ب» و «پ»

(۲) «آ» و «ت»

(۱) «آ» و «پ»

۱۳۴- چه تعداد از ماده‌های زیر در هگزان محلول هستند؟

«۰ اتيلن گليكول / ۰ نمک خوراکی / ۰ بنزین / ۰ اوره / ۰ روغن زيتون / ۰ واژلين»

۵ (۴)

۴ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

۱۳۵- با توجه به شکل‌های (۱) و (۲) کدام یک از مطالب پیشنهاد شده نادرست هستند؟



(۱)



(۲)

(۱) شکل‌های (۱) و (۲) به ترتیب فرمول‌های ساختاری اسید چرب و استر بلند زنجیر را نشان می‌دهند.

(۲) شمار اتم‌های اکسیژن مولکول شکل (۲)، سه برابر شمار اتم‌های اکسیژن مولکول شکل (۱) است.

(۳) شمار پیوندهای دوگانه‌ی کربن - اکسیژن مولکول شکل (۲)، سه برابر شمار همین پیوند در مولکول شکل (۱) است.

(۴) نیروی بین مولکولی غالب در دو مولکول از یک نوع است.

تاریخ آرمون

۱۴۰۳/۰۶/۰۶ دهه

**پاسخنامه آزمون
دفترچه شماره (۳)
دوره دوم متوسطه
پایهدوازدهم ریاضی**

شماره داوطلبی:	نام و نام خانوادگی:
مدت پاسخگویی: ۱۶۰ دقیقه	تعداد سؤال: ۱۳۵

عناوین مواد امتحانی آزمون گروه آزمایشی علوم ریاضی، تعداد سوالات و مدت پاسخگویی

ریاضی	حسابان (۱)	حسابان (۲)	حسابان (۳)
۱۰	۱	۱۰	۱۰
۲۰	۱۱	۱۰	۱۰
۳۰	۲۱	۵	۵
۴۰	۲۹	۵	۵
۵۰	۳۱	۵	۵
۶۰	۳۶	۱۰	۱۰
۷۰	۴۶	۱۰	۱۰
۸۰	۵۶	۱۵	۱۵
۹۰	۷۱	۱۵	۱۵
۱۰۰	۸۶	۱۰	۱۰
۱۱۰	۹۹	۱۱	۱۱

۲) نکته نکته $(1, 1)$ را خط $A(2, 1)$ برابر است با

طلیع مرین:

$$d = \frac{|2(1) - 1 + 1|}{\sqrt{1^2 + (-1)^2}} = \frac{2}{\sqrt{2}} \Rightarrow S = d^2 = \frac{4}{2}$$

$$A = \sqrt{(1)^2 + (\sqrt{2})^2 + 1^2} + \sqrt{(1)^2 + (\sqrt{2})^2 - 1^2} \quad (1)$$

$$= \sqrt{(1+\sqrt{2})^2} + \sqrt{(1-\sqrt{2})^2}$$

$$\Rightarrow A = |2+\sqrt{2}| + |2-\sqrt{2}| = 2 + \sqrt{2} + 2 - \sqrt{2} = 4$$

۱

$$\frac{S_p}{S_d} = \frac{\frac{1}{2}(2a_1 + 2d)}{\frac{1}{2}(2a_1 + 4d)} = \frac{2a_1 + 2d}{2a_1 + 4d} = \frac{1}{2}$$

$$\Rightarrow 1 \cdot a_1 + 2d = 1 \cdot a_1 + 2 \cdot 2d \Rightarrow d = a_1$$

$$\Rightarrow \frac{a_p}{a_d} = \frac{a_1 + 2d}{a_1 + 4d} \quad \frac{d = a_1}{a_1 + 4d} \quad \frac{1 \cdot a_1}{a_1 + 4d} = \frac{1}{4}$$

ریشه معادله را در خود معادله صدق می‌دهیم:

$$(2)^2 - (2)^2 - (2) - m = 0 \Rightarrow m = 27 - 9 - 2 = 16$$

حال برای محاسبه ریشه‌های دیگر، عبارت را بر $x - 3$ تقسیم می‌کنیم:

$$\begin{array}{r} x^2 - x^2 - x - 16 \\ \underline{-x^2 + 2x^2} \qquad \qquad \qquad x - 3 \\ \hline -x^2 + 2x^2 \\ \hline 4x^2 - x - 16 \\ \hline -2x^2 + 6x \\ \hline 5x^2 - 16 \\ \hline -5x + 16 \\ \hline \end{array}$$

برای یافتن ریشه‌های دیگر، معادله $x^2 + 2x + 5 = 0$ را حل می‌کنیم که این معادله به دلیل دلتای منفی، ریشه حقیقی ندارد.

با فرض $u = x^2 + x$ معادله $u^2 + 2u + 5 = 0$ را حل می‌کنیم:

$$u^2 + u = u \Rightarrow u^2 - 18u + 22 = 0 \Rightarrow (u-2)(u-12) = 0$$

$$\Rightarrow \begin{cases} u = 2 \Rightarrow x^2 + x = 2 \Rightarrow x^2 + x - 2 = 0 \Rightarrow x_1 + x_2 = -1 \\ u = 12 \Rightarrow x^2 + x = 12 \Rightarrow x^2 + x - 12 = 0 \Rightarrow x_3 + x_4 = -1 \end{cases}$$

پس مجموع ریشه‌ها -2 است. ضمناً توجه داشته باشید که دو معادله فوق ریشه مشترک ندارند.

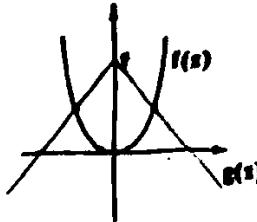
۲

$$-\frac{1}{n} < -\frac{1}{2} \leq \frac{n-1}{n} \xrightarrow{x=n} -1 < -\frac{n}{2} \leq n-1 \quad (1)$$

$$(1) \Rightarrow -\frac{n}{2} > -1 \xrightarrow{x=(-r)} n < 2$$

$$(x) \rightarrow -\frac{n}{2} > -1 \xrightarrow{x=\frac{r}{2}} \frac{n}{2} < r \quad \Rightarrow \frac{r}{2} \leq n < 2$$

$$x^2 + |x| - 1 = 0 \Rightarrow x^2 = 1 - |x|$$



$$\begin{cases} f(x) = x^2 \\ g(x) = 1 - |x| \end{cases}$$

بنابراین طبق مورخه حقیقی است

۱) نظم نکته دو خط مولزی

$$ax + by + c_1 = 0 \quad \text{از دستگاه} \quad ax + by + c_2 = 0 \quad \text{دست می‌آید}$$

بعض خطوط c_1 و c_2 را به صورت زیر می‌نویسیم:

$$d_1: 2x + 4y - 1 = 0 \Rightarrow x + 2y - \frac{1}{2} = 0$$

بنابراین دو خط d_1 و d_2 با یکدیگر مولزی نند و فاصله این دو خط مولزی برابر قدر دلبر است

$$\frac{|2 - (-\frac{1}{2})|}{\sqrt{1^2 + 2^2}} = \frac{\frac{5}{2}}{\sqrt{5 + 1}} = \frac{\frac{5}{2}}{\sqrt{6}} = \frac{5}{2\sqrt{6}} = \frac{5}{2\sqrt{6}} \cdot \frac{\sqrt{6}}{\sqrt{6}} = \frac{5\sqrt{6}}{12} = \frac{5}{12}\sqrt{6}$$

$$S = \pi r^2 = \pi x \left(\frac{1}{4}\right)^2 = \frac{\pi}{16}$$

فرض می‌کنیم که $b = \sqrt{14 - \sqrt{14}}$ و $a = \sqrt{14 + \sqrt{14}}$ باشد.

$$a+b = r, a^2 + b^2 = r^2$$

$$(a+b)^2 = a^2 + b^2 + 2ab(a+b) \Rightarrow r^2 = r^2 + 2ab(r)$$

$$ab = \frac{64 - 28}{12} = 2 \Rightarrow \sqrt{(14 + \sqrt{14})(14 - \sqrt{14})} = 2$$

$$16 - x = 27 \Rightarrow x = 169 \Rightarrow \left(\frac{x}{169}\right)^2 = 9$$

$$5, x, 10 \Rightarrow x^2 = 50 \Rightarrow x = \pm 5\sqrt{2}$$

چون دنباله افزایشی است $x = 5\sqrt{2}$ قبل قبول استه بنابراین قدرنسبت دنباله

برابر $\sqrt{2}$ است

$$S_{1,0} = \frac{a_1(q^{1,0} - 1)}{q - 1} \Rightarrow S_{1,0} = \frac{5((\sqrt{2})^{1,0} - 1)}{\sqrt{2} - 1} = 100(\sqrt{2} + 1)$$

۳

$$S = a + \beta = -\frac{b}{a} = \gamma$$

$$P = a\beta = \frac{c}{a} = 1$$

$$\alpha' = \sqrt{\alpha} + \sqrt{\beta} \quad \text{از توان 2 می‌رسانیم} \quad \alpha + \beta + \sqrt{\alpha\beta} = \alpha'$$

$$\Rightarrow \gamma + \gamma = \alpha' \Rightarrow \begin{cases} \alpha' = 3 \\ \alpha' = -3 \end{cases}$$

$$\beta' = \frac{1}{\alpha} + \frac{1}{\beta} \Rightarrow \beta' = \frac{\alpha + \beta}{\alpha\beta} \Rightarrow \beta' = \frac{\gamma}{1} = \gamma$$

$$S' = \alpha' + \beta' = \gamma + \gamma = 1 \Rightarrow x^2 - S'x + P' = 0 \Rightarrow x^2 - \gamma \cdot x + 1 = 0$$

۱

$$\begin{array}{c} t_r = an^r + bn - a \\ \left| \begin{array}{l} t_r = a \\ t_r = -rv \end{array} \right. \end{array} \Rightarrow \begin{array}{l} a = a(r^r) + b(r) - a \\ -rv = a(v^r) + b(v) - a \end{array}$$

$$\begin{aligned} & \left\{ \begin{array}{l} a + rv - a = 0 \Rightarrow a + rv = 0 \\ \times(-r) \Rightarrow -ra - ab = -r \quad (1) \\ ra + vb - a = -rv \Rightarrow ra + vb = -rv \quad (2) \end{array} \right. \\ & \underline{(1)+(2)} \rightarrow -ra + vb = -r - rv \Rightarrow -ra = -rv \Rightarrow b = v \end{aligned}$$

$$a + rv = 0 \Rightarrow a + r(v) = 0 \Rightarrow a = 0 - rv \Rightarrow a = -rv$$

$$\Rightarrow a = -r$$

$$t_i = a + b - a = b = v$$

$$rx + v, r, x - v, y, \dots$$

۱

بنابراین خاصیت دنباله‌های هندسی داریم:

$$r^r = (rx + v)(x - v) \Rightarrow rx^r - vx^r - rx + vx = 0$$

$$\Rightarrow rx^r - rx - vx = 0 \Rightarrow (rx)^r - r(rx) - v = 0$$

$$\Rightarrow (rx - r)(rx + v) = 0 \Rightarrow \begin{cases} rx = r \Rightarrow x = v \\ rx = -v \Rightarrow x = -\frac{v}{r} \end{cases}$$

به همین ترتیب داریم:

$$(x - v)^r = ry \Rightarrow (v - x)^r = ry \Rightarrow v = ry \Rightarrow y = \frac{v}{r} = \frac{v}{v} = 1$$

۲

شماره شکل	۱	۲	۳	...	n
کل مربعها	1×2	2×3	3×4	...	$n(n+1)$
رنگی‌ها	\bullet	$A = 1^2$	$B = 2^2$...	$(n-1)^2$

بنابراین در شکل ۱ آمده‌ایم:

$$\frac{\text{رنگی}}{\text{کل}} = \frac{(10-1)^2}{10 \times 11} = \frac{9^2}{110} = \frac{81}{110}$$

۱

$$a_1 + a_r + a_v + a_f = ۳۲$$

$$a_d + a_f + a_v + a_A = ۱۲۸$$

$$a_n = a_1 + (n-1)d \Rightarrow \begin{cases} a_1 + a_1 + d + a_1 + ۲d + a_1 + ۳d = ۳۲ \\ a_1 + ۵d + a_1 + ۶d + a_1 + ۷d + a_1 + ۸d = ۱۲۸ \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} ۵a_1 + ۲۴d = ۳۲ \\ ۵a_1 + ۲۴d = ۱۲۸ \end{cases}$$

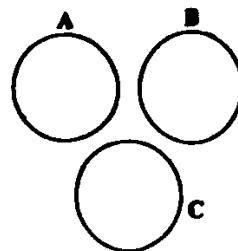
$$\xrightarrow{\text{دروایله را از هم کم می‌کنیم}} ۵a_1 + ۲۴d - ۵a_1 - ۲۴d = ۱۲۸ - ۳۲$$

$$\Rightarrow ۱۰d = ۹۶ \Rightarrow d = \frac{۹۶}{۱۰} = ۹.6 \xrightarrow{۵a_1 + ۲۴d = ۳۲} ۵a_1 + ۲۴(9.6) = ۳۲$$

$$\Rightarrow ۵a_1 = ۳۲ - ۲۴ \Rightarrow a_1 = -\frac{۲}{5} = -1$$

۱) بین مرد و عدد گویا (اگر) متسابق، نتائجی عدد گویا و نتائجی عدد گنگ وجود دارد

۲) سه مجموعه A, B, C دو به دو مجزا هستند زیرا



در نتیجه داریم:

$$\begin{aligned} n(A \cup B) &= n(A) + n(B) = ۱۸ \\ n(B \cup C) &= n(B) + n(C) = ۱۸ \times \frac{۲}{۳} = ۱۲ \rightarrow \\ n(A \cup C) &= n(A) + n(C) = ۱۸ \times \frac{۱}{۳} = ۶ \\ n(A) + n(B) + n(C) &= ۱۸ + ۱۲ + ۶ \\ \Rightarrow ۲(n(A) + n(B) + n(C)) &= ۴۸ \Rightarrow \underbrace{n(A) + n(B) + n(C)}_{n(A)+n(C)=18} = ۱۲ \\ \Rightarrow n(C) &= 1 \quad \begin{cases} n(A) + n(C) = 18 \rightarrow n(A) = ۱۲ \\ n(B) + n(C) = 12 \rightarrow n(B) = ۱۱ \end{cases} \\ \text{پس اختلاف تعداد اعضای } B \text{ و } C \text{ برابر با } 11-1 = 10 \text{ می‌باشد.} \end{aligned}$$

$$\begin{array}{ccc} A & B & \\ \xleftarrow{-v} & \xrightarrow{v} & \end{array} \quad \begin{array}{l} A = \{x \in \mathbb{R} | -v \leq x \leq v\} \\ B = \{x \in \mathbb{R} | x > v\} \end{array}$$

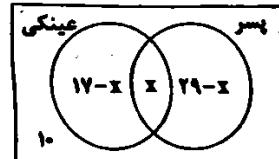
A ∪ B شامل تمام اعضای A و اعضای B است، لذا:

$$\begin{array}{ccc} C & A \cup B & \\ \xleftarrow{-v} & \xrightarrow{v} & \end{array} \quad \begin{array}{l} A \cup B = [-v, +\infty) \\ C = \{x \in \mathbb{R} | x < v\} = (-\infty, v) \end{array}$$

(A ∪ B) ∩ C شامل تمام اعضای مشترک A ∪ B و C است، بنابراین:

$$(A \cup B) \cap C = [-v, v]$$

دوش اول: اگر x تعداد پسرهای عینکی باشد، آنگاه:



$$10 + 17 - x + x + 29 - x = 50 \Rightarrow 56 - x = 50 \Rightarrow x = 6$$

$$n(S) = 50$$

$$n(A) = \text{عينکی} \Rightarrow n(A) = 17$$

$$n(B) = \text{پسر} \Rightarrow n(B) = 29$$

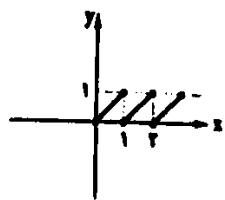
$$n(A' \cap B') = n((A \cup B)') = n(S) - n(A \cup B)$$

$$\Rightarrow 10 = 50 - n(A \cup B)$$

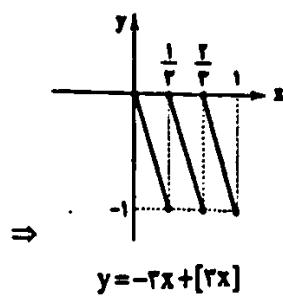
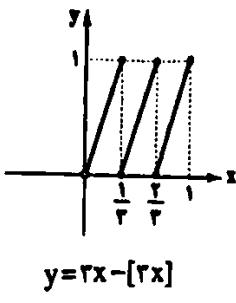
روش دوم:

$$\Rightarrow n(A \cup B) = 50 \Rightarrow n(A) + n(B) - n(A \cap B) = 50$$

نمودار تابع $f(x) = x - [x]$ به صورت زیر است



حال اگر نمودار $[ax]$ در بازا $(0, 1)$ سه پاره خط داشته باشد و همچنین زیر محور آنها باید برابر $\frac{1}{2}$ باشد فرمایند رسم را بینند:

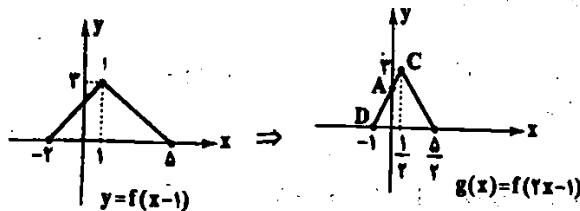


$y = rx - [rx]$
 $0 < x < 1$
 $y = -rx + [rx]$
 $0 < x < 1$

بس $a+a^2$ برابر 12 می شود

مراحل رسم به صورت زیر است:

$$f(x) \rightarrow f(x-1) \rightarrow f(2x-1)$$



برای به دست آوردن مختصات نقطه A باید معادله DC را بنویسیم و آن را با محور عرض ها قطع دهیم.

$$DC: y = -\frac{1-0}{1+1}(x+1) \Rightarrow y = 2x+2 \xrightarrow{x=0} y = 2$$

بس مختصات A به صورت $(0, 2)$ خواهد بود.

$$|AB| = \sqrt{(0+1)^2 + (2-0)^2} = \sqrt{5}$$

طول نقاط تابع $f(\frac{x}{2})$ دو برابر طول نقاط تابع $f(x)$ است.

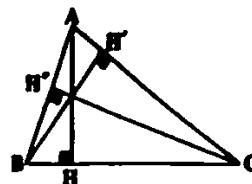
اگر نقاط برخورد تابع $y = f(\frac{x}{2})$ با محورها را a' , b' و c' در نظر بگیریم:

$$\left. \begin{array}{l} a' = 2a \\ b' = 2b \\ c' = 2c \end{array} \right\} \Rightarrow a' + b' + c' = 2(a+b+c) = 2 \times 4 = 8$$

$$f(x) = 2^{\lfloor \cos x \rfloor} \xrightarrow{\text{ واحد انتقال افقی}} 2^{\lfloor \cos(x+\pi) \rfloor} = 2^{\lfloor \cos x \rfloor}$$

$$\xrightarrow{\text{ واحد انتقال افقی}} y = 2^{\lfloor \cos x \rfloor} - 4$$

$$2^{\lfloor \cos x \rfloor} - 4 = 0 \Rightarrow 2^{\lfloor \cos x \rfloor} = 4$$



$\hat{A} > \hat{B} \Rightarrow BC > AC \Rightarrow BC$
 $\hat{A} > \hat{C} \Rightarrow BC > AB$

$$AH \times BC = BH' \times AC \Rightarrow \frac{AH}{BH'} = \frac{AC}{BC}$$

$$AC < BC \Rightarrow AH < BH'$$

به طور مثبته $AH < CH'$ و درنتیجه AH کوچکترین ارتفاع مثلث است لاما مورد میله AM نمی توان نظر داد و همواره $BC < AB + AC$ است

$$x \subseteq A \cap B \Leftrightarrow x \subseteq A \wedge x \subseteq B$$

من دانیم:

پس گزینه (۲) صحیح است

عبارت $\equiv ((\neg p \vee q) \wedge \neg q) \Rightarrow p$

$$\equiv ((\neg p \vee q) \wedge \neg q) \vee p$$

$$\equiv (p \wedge \neg q) \vee q \vee p$$

$$\equiv (p \wedge \neg q) \vee (p \vee q)$$

$$\equiv (p \vee (p \vee q)) \wedge (\neg q \vee (p \vee q))$$

$$\equiv (p \vee q) \wedge T$$

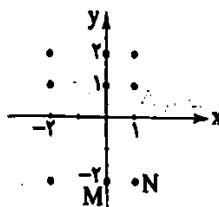
$$\equiv p \vee q$$

$$A \times B = \{(0, 1), (0, 2), (0, -2), (1, 1), (1, 2), (1, -2)$$

$$, (-2, 1), (-2, 2), (-2, -2)\}$$

$$|MN| = \sqrt{(x_N - x_M)^2 + (y_N - y_M)^2}$$

$$= \sqrt{(1-0)^2 + (-2+2)^2} = \sqrt{1} = 1$$



$$2^{n-4} = 2^{n-6} + 4 \lambda \Rightarrow 2^{n-4} - 2^{n-6} = 4 \lambda$$

$$\Rightarrow 2^{n-6} \times 2^2 - 2^{n-6} = 4 \lambda \Rightarrow 2^{n-6} \cdot (2^2 - 1) = 4 \lambda$$

$$\Rightarrow 2^{n-6} = \frac{4 \lambda}{3} = 16 \Rightarrow 2^{n-6} = 2^4 \Rightarrow n = 10$$

من دانیم که:

$$\begin{cases} A \cup (A \cap B) = A \\ A \cap (A \cup B) = A \end{cases}$$

$$(A \cap B) \cap (A' \cup B) = A \cap B, A \cup (A - B) = A$$

$$X = (A \cap B) \cap A = A \cap B$$

از روی مختصات رأس در تابع $y = 2f\left(\frac{x}{2}\right)$ مختصات رأس تابع $y = f(x)$ هست
سپس مختصات رأس تابع $y = -2f(2-x) + 1$ را به صورت زیر به دست
می‌آوریم:

$$S' \left|_{-\frac{1}{2}} \in 2f\left(\frac{1}{2}\right) \Rightarrow S' \left|_{-\frac{1}{2}} \in f(1) \right. \right.$$

$$\Rightarrow S'' \left|_{-\frac{1}{2}} \begin{array}{l} \frac{1-2}{2-1} = \frac{3}{2} \\ -2\left(-\frac{1}{2}\right) + 1 = \frac{11}{2} \end{array} \right. \in -2f(2-x) + 1$$

لذا نمودار f نسبت به محور X ها قرینه شده است و سپس ۶ واحد به بالا منتقل یافته است.

۳ عناصر قطر اصلی دو ماتریس را تشکیل داده و باهم جمع می‌کنیم:

$$c_{11} = a_{11} + b_{11} = (1^2 - 1) + (1^2 + 1) = 2$$

$$c_{12} = a_{12} + b_{12} = (2^2 - 1) + (2^2 + 2) = 16$$

$$c_{21} = a_{21} + b_{21} = (1^2 - 2) + (3^2 + 2) = 52$$

$$c_{22} = a_{22} + b_{22} = 52 + 16 + 2 = 72$$

۴ از تساوی دو ماتریس نتیجه می‌گیریم:

$$a+b=1, ab=2$$

$$\Rightarrow a^2 + b^2 = (a+b)^2 - 2(ab)(a+b) = 1^2 - 2(2)(1) = 64 - 48 = 28$$

۱ یک ماتریس مربعی زمانی قطری است که درایه‌های غیرواقع بر قطر اصلی آن صفر باشد، پس:

$$\begin{cases} ra - b = 0 \Rightarrow b = ra \\ b - ra - r = 0 \Rightarrow ra - ra = r \Rightarrow a = r, b = r \end{cases}$$

بنابراین ماتریس $A = \begin{bmatrix} 0 & 0 \\ 0 & r \end{bmatrix}$ است

\Rightarrow مجموع درایه‌ها = ۹

$$A = \begin{bmatrix} -1 & -1 \\ 1 & -1 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} a-1 & b \\ rc & rd \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow -1 = a - 1 \Rightarrow a = 0$$

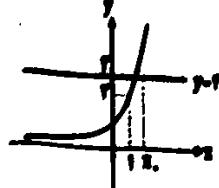
$$\Rightarrow b = -1$$

$$\Rightarrow 1 = rc \Rightarrow c = \frac{1}{r}$$

$$\Rightarrow rd = -2 \Rightarrow d = -1$$

$$\Rightarrow \frac{a+d}{b+c} = \frac{-1}{-1+1} = \frac{-1}{0} = \frac{1}{2}$$

نحوه مرتبط $y = x^2$, $y = 2x$ باشد



لذا مختصات رأس تابع $y = 2x$ مطالع است

$$| \cos x | = 1 \Rightarrow |\cos x| = x > 1 \Rightarrow (\text{لند جولب حقیقی})$$

$$g(x) = f(x+1) + 1 = (x+1)^2 + x+2+1+1 = x^2 + 5x + 1$$

$$(f+g)(x) \geq x^2 \Rightarrow x^2 + 5x + 1 + x^2 + x + 1 \geq x^2$$

$$\Rightarrow x^2 + 6x + 1 \geq 0 \Rightarrow (x+3)^2 \geq 0 \Rightarrow x \in \mathbb{R}$$

$$f(2) = 2$$

$$x+1=2 \Rightarrow x=1$$

$$g(1) = 2 - 2f(1) = 2 - 2 \times 2 = -2$$

$$\Rightarrow (1, -2) \in g \Rightarrow B(1, -2)$$

$$\begin{cases} a+b=2 \\ a-b=-2 \end{cases} \xrightarrow{+} 2a = -2 \Rightarrow a = -1$$

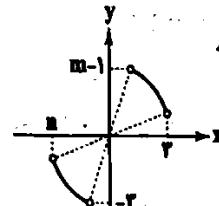
۲ برد تابع $(x) g(x) = \frac{3}{2}x$ برای شدن برد $(x) f(x)$ به دست آمد

لست پس:

$$\frac{k}{k+1} = \frac{r}{2} \Rightarrow 2k = rk + r \Rightarrow k = -r$$

۱ برای رسم تابع $(x) f(x)$, نمودار $(x) + 1$ را یک واحد به سمت

پائین منتقل می‌کنیم



نمودار تابع $(-x) - f(x)$ - قرینه تابع $(x) f(x)$ نسبت به مبدأ مختصات است

بنابراین درایه:

$$\begin{cases} m-1 = +2 \Rightarrow m = 3 \\ n = -2 \end{cases} \Rightarrow m+n = 1$$

۲ لبند ضلalte سهی مربوط به تابع $y = 2f\left(\frac{x}{2}\right)$ را می‌نویسیم:

$$y = a(x+1)(x-2) \xrightarrow{(., -r)} -2 = a(1)(-2) \Rightarrow a = 1$$

$$\Rightarrow y = (x+1)(x-2) = x^2 - 2x - 2$$

مختصات رأس سهی به صورت زیر است:

$$\begin{cases} x_S = 1 \\ y_S = f(1) = -2 \end{cases}$$

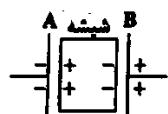
$$\text{درایه‌های واقع در سین سوم ماتریس } X \text{ برابر}$$

$$\begin{bmatrix} -\frac{1}{2} \\ \frac{1}{2} \\ -\frac{1}{2} \\ -5 \end{bmatrix}$$

$$-\frac{1}{2}x - \frac{11}{2}(-5) = -\frac{28}{4} = -7\frac{1}{2}$$

البته برای صرفه در زمان می‌توانید فقط سین سوم را حساب کنید.

۱ چون در اینجا ورقه‌های الکتروسکوب، باز هستند لازماً الکتروسکوب، باردار است، که بار ورقه‌ها و کلامک الکتروسکوب و صفحه B هم‌نام و بار صفحه A با آن‌ها غیرهم‌نام است که در شکل زیر بار صفحه B را مثبت و بار صفحه A را منفی فرض کردیم، هنگامی که قطعه شیشه‌ای وارد فضای بین دو صفحه A و B می‌شود، روی آن بار الکتریکی القا می‌شود و قسمتی که طرف صفحه B است به طور نسبی دارای بار منفی و سمت صفحه A دارای بار مثبت می‌شود که بارهای منفی سمت صفحه B باعث جذب بار بیشتری روی صفحه B می‌شوند، لذا از بار ورقه‌های الکتروسکوب کاسته می‌شود و زاویه بین آن‌ها کاهش می‌یابد.



۲ نوع نیروی بین کرمها اینجا جاذبه بوده، یعنی بارها ناهم‌نام بوده‌اند (q_A مثبت، پس q_B منفی بوده است) و بعد از تماس، نوع نیروی بین کرم‌ها دافعه است، پس بار کرم‌ها هم‌نام شده است.

بررسی ژلینه‌ها:

۱) چون بارکره A مثبت است با تماس با کره B که بار منفی دارد، مقداری از بارش خنثی می‌شود. (✓)

۲) چون کره B بار منفی و کره A بار مثبت دارد، پس الکترون‌ها از کره B به کره A می‌روند. (✓)

۳) چون پس از تماس کرم‌ها، مقداری از بار کرم‌ها خنثی می‌شود و بار نهایی کرم‌ها عددی کوچک‌تر از حالت اولیه است، بنابراین اندازه نیروی بین آن‌ها ممکن است کاهش یابد. (✗)

۴) طبق اصل پایستگی بار الکتریکی، مجموع بار کرم‌ها همواره مقداری ثابت است. (✓)

۳ این قانون کولن را در حالت اول می‌نویسیم:

$$F = k \frac{|q_1||q_2|}{r^2} \frac{|q_1|=q_2|=q}{r^2} \rightarrow F = k \frac{q^2}{r^2}$$

دوباره قانون کولن را می‌نویسیم ولی این بار برای بارهای جدید:

$$F = k \frac{|q'_1||q'_2|}{r^2} \frac{|q'_1|=q}{r^2} \rightarrow F = k \frac{\frac{1}{2}q \times \frac{1}{2}q}{r^2} = \frac{1}{4}k \frac{q^2}{r^2}$$

$$\Rightarrow F' = \frac{1}{4}F = \frac{1}{4} \times 96 = 120N$$

$$F' - F = 120 - 96 = 24N$$

۴ چون A ماتریس اسکالر است پس تعلق درایه‌های روی قلل اسلی با هم برابرند و سایر درایه‌ها صفر هستند، پس درین صورت

$$\begin{cases} x^2 - x = 0 \Rightarrow x(x^2 - 1) = 0 \Rightarrow \begin{cases} x=0 \\ x=1 \\ x=-1 \end{cases} \rightarrow x=-1,0 \\ x^2 + x = 0 \Rightarrow x(x+1) = 0 \Rightarrow \begin{cases} x=0 \\ x=-1 \end{cases} \end{cases}$$

$x = -1$ فریقبل قبول است و چون درایه ۱۱ به صورت $\frac{1}{x+1}$ است و

بلای ۱ $= -x$ می‌معنا می‌شود، پس $x = 0$ قابل قبول است و ماتریس اسکالر A به صورت زیر است:

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -2 \end{bmatrix} \Rightarrow \frac{y}{-2} = 1 \Rightarrow y = -2 \Rightarrow A = I$$

چون درایه ۲۲ در سین دوم قرار دارد و همچنین:

$$a_{22} = (2)^T - (2)^T = 0$$

$$a_{12} \times a_{22} \times a_{22} \times \dots \times a_{12} = 0$$

پس:

$$B = [i+2j]_{3 \times 3} = \begin{bmatrix} 1+2 \times 1 & 1+2 \times 2 & 1+2 \times 3 \\ 1+2 \times 1 & 2+2 \times 2 & 2+2 \times 3 \\ 1+2 \times 1 & 2+2 \times 2 & 3+2 \times 3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 & 5 & 7 \\ 3 & 6 & 9 \\ 3 & 6 & 12 \end{bmatrix}$$

$$2C + A - 2B = I \Rightarrow 2C + \begin{bmatrix} 2 & -1 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 3 & 5 & 7 \\ 3 & 6 & 9 \\ 3 & 6 & 12 \end{bmatrix} = I$$

$$\Rightarrow 2C = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} -4 & -11 \\ -8 & -11 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 5 & 11 \\ 8 & 12 \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow C = \begin{bmatrix} \frac{5}{2} & \frac{11}{2} \\ \frac{8}{2} & \frac{12}{2} \end{bmatrix}$$

$$\text{مجموع درایه‌ها} = \frac{1}{3}(5+11+8+12) = \frac{36}{3} = 12$$

$$A = \begin{bmatrix} 2 & 3 \\ 5 & 6 \end{bmatrix} \Rightarrow 2 \times 2 \times 5 \times 6 = 120$$

۳ در این ماتریس درایه‌ها از رابطه $a_{ij} = m(i^T - j^T)$ محاسبه می‌شوند.

$$a_{22} = m(2^T - 2^T) = m(2 - 2) = 0$$

$$a_{11} = m(1^T - 1^T) = m(1 - 1) = 0, a_{12} = m(1^T - 2^T) = m(1 - 2) = -m, a_{21} = m(2^T - 1^T) = m(2 - 1) = m$$

$$a_{11} + a_{12} + a_{21} + a_{22} = 0 + (-m) + m + 0 = 0$$

۴ ماتریس B را تشکیل می‌دهیم:

$$B = \begin{bmatrix} 2 \times 1 + 1 & 2 \times 1 + 2 & 2 \times 1 + 3 \\ 2 \times 2 + 1 & 2 \times 2 + 2 & 2 \times 2 + 3 \\ 2 \times 3 + 1 & 2 \times 3 + 2 & 2 \times 3 + 3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 & 4 & 5 \\ 5 & 6 & 7 \\ 7 & 8 & 9 \end{bmatrix}$$

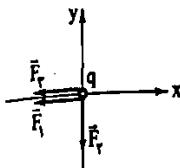
$$2X = -(A+B) = \begin{bmatrix} -4 & -4 & -7 \\ -4 & -6 & -11 \\ -8 & -9 & -10 \end{bmatrix}$$

بنابراین:

۲ از آن جا که جسم خنثی است، تعداد بروتون‌ها و الکترون‌های آن برابر است، بنابراین با توجه به رابطه $q = ne$ داریم:

$$q = ne \Rightarrow n = \frac{q}{e} = \frac{64 \times 10^{-9}}{1.6 \times 10^{-19}} = 4 \times 10^{11}$$

۳ بیناً جهت نیروهای وارد بر بار q را مشخص می‌کنیم:



با توجه به این که اندازه بارهای q_1 و q_2 برابر با q_r یکسان است، داریم:

$$|F_1| = |F_2| = |F_r| = k \frac{|q_1||q_r|}{r^2} = 9 \times 10^9 \times \frac{4 \times 2 \times 10^{-12}}{9 \times 10^{-4}} = 12 \text{ N}$$

$$\begin{aligned} \bar{F}_T &= \bar{E}_i + \bar{E}_r + \bar{F}_r = -\bar{E}_i \bar{i} - \bar{E}_r \bar{i} - \bar{F}_r \bar{j} \Rightarrow \bar{F}_T = -(E_i + E_r) \bar{i} - F_r \bar{j} \\ &\Rightarrow \bar{F}_T = -24 \bar{i} - 12 \bar{j} (\text{N}) \end{aligned}$$

۴ دو بار ناهمناماند و مقدار یکسانی دارند، پس تفاوتی نمی‌کند

از کدام بار، $\frac{1}{3}$ آن را برداریم.

$$q_1 = 6 \mu C \Rightarrow q'_1 = 6 - \left(\frac{1}{3} \times 6\right) = 4 \mu C \Rightarrow q'_r = -6 + 2 = -4 \mu C$$

$$\begin{aligned} \frac{F'}{F} &= \frac{|q'_1||q'_r|}{|q_1||q_r|} \times \left(\frac{r}{r}\right)^2 \Rightarrow \frac{F'}{F} = \frac{4 \times 4}{6 \times 6} \times \left(\frac{1}{1}\right)^2 \\ &= \frac{16}{36} \times 1 = \frac{4}{9} \Rightarrow F' = \frac{4}{9} F \end{aligned}$$

۵ بیناً نیروی F را محاسبه می‌کنیم:

$$F = k \frac{|q_1||q_r|}{r^2} \quad (I)$$

حال نیروی که بارهای $-3q_1$ و $18q_r$ وارد می‌کنند را محاسبه می‌کنیم:

$$F' = k \frac{|q'_1||q'_r|}{r^2} = k \frac{|-2q_1| \times |18q_r|}{9r^2} = +54 \frac{k|q_1||q_r|}{9r^2}$$

$$= +6 \frac{k|q_1||q_r|}{r^2} \quad (II)$$

$$\xrightarrow{(I), (II)} \frac{F'}{F} = 6$$

دو بار q_1 و q_r یکدیگر را می‌ربایند، پس ناهمنام هستند. در نتیجه دو بار $-3q_1$ و $18q_r$ همنام هستند و یکدیگر را دفع می‌کنند.

۶ از تعریف میدان الکتریکی داریم:

$$E = \frac{F}{|q|} \Rightarrow E = \frac{10/5 \times 10^{-8}}{2/5 \times 10^{-6}} = 20 \frac{\text{N}}{\text{C}}$$

برای بار q' داریم:

$$F = E|q'| = 20 \times 7/5 \times 10^{-8} = 2/25 \times 10^{-8} \text{ N}$$

۷ **۱** ابتدا فضای بین q_1 و q_2 را به دست اوریم
فضای بین q_1 و q_2 برابر با $\frac{1}{2} r$ است. و نیز در مثبت قطب الکلوب (A) می‌باشد
(صلع روم به طول ۲۰ cm، نصف وتر است)



حال در مثبت A با مثبت طول دو صفحه، اندازه طول ضلع دیگر را به دست اوریم:
 $r^2 = r^2 + (r_{TT})^2 \Rightarrow r_{TT} = \sqrt{r^2 - r^2} = 12 \text{ cm}$

$$F_{TT} = F_{TT} = k \frac{|q_1||q_r|}{r_{TT}^2}$$

$$\Rightarrow F_{TT} = F_{TT} = \frac{1 \times 10^9 \times 6 \times 10^{-9} \times 1 \times 10^{-9}}{12 \times 10^{-4}} = 40 \text{ N}$$

بردارهای \bar{F}_{TT} و \bar{F}_T همچوہ هستند.
همچنین نیروی که بار q_1 به بار q_2 وارد می‌کند، برایر است بد.

$$F_{TT} = k \frac{|q_1||q_r|}{r_{TT}^2} = \frac{1 \times 10^9 \times 6 \times 10^{-9} \times 1 \times 10^{-9}}{4 \times 10^{-4}} = 90 \text{ N}$$

$$\xrightarrow{\bar{F}_{TT}, \bar{F}_T \text{ بر هم عمود هستند}} F_t = \sqrt{F_{TT}^2 + F_T^2} = 90\sqrt{2} \text{ N}$$

۸ با توجه به رابطه $\bar{E} = \frac{\bar{F}}{q}$ داریم:

$$\bar{E} = \frac{\bar{F}}{q} = -\frac{\bar{F}_T + \bar{F}_{TT}}{q} = -\frac{-2\bar{i} + 2\bar{j}}{q} = \frac{2\bar{j}}{q}$$

۹ **۱** اندازه میدان الکتریکی یک ذره باردار از رابطه $E = \frac{k|q|}{r^2}$ به دست می‌آید بنابراین:

$$E_r = \frac{k|q|}{r^2} \quad \frac{E_1 = 20 \frac{\text{N}}{\text{C}}, E_r = \frac{\text{N}}{\text{C}}}{r = r \text{ و } r = r+2} \Rightarrow \frac{4}{25} = \frac{1}{(r+2)^2} \Rightarrow r = \frac{2}{5} \text{ cm}$$

دو صفحه با هم موازی هستند و در فاصله کم از یکدیگر قرار گرفته‌اند پس هنگامی که دو صفحه با بار باری و ناهمنام باردار شوند، میدان الکتریکی بین دو صفحه یکنواخت است و شدت میدان در بین دو صفحه به دور از لبه‌ها ثابت است.

۱۰ میله پلاستیکی مالش داده شده با پارچه پشمی دارای بار

منفی و میله شیشه‌ای مالش داده شده با پارچه لبیشمی دارای بار مثبت است و می‌دانیم که بارهای غیرهمنام یکدیگر را جنب می‌کنند. از طرف دیگر با انتکی دقت متوجه می‌شویم که جهت چرخش میله شیشه‌ای به دلیل جنب شدن به میله پلاستیکی به کدام سمت است.

حال مساحت سطح حوض را بحسب cm^2 می‌نویسیم:

$$20 \times 22 \text{ m}^2 = 20 \times 22 \text{ m}^2 \times \frac{1 \text{ cm}^2}{1 \text{ m}^2} = 44 \times 10^4 \text{ cm}^2$$

حال با تقسیم آنکه تغییر حجم بر مساحت، آنکه تغییر ارتفاع را محاسبه می‌کنیم:

$$\frac{10^4}{44 \times 10^4} = \frac{1 \text{ cm}}{44 \text{ s}}$$

۲ کمیت‌هایی مانند نیرو، سرعت، سرعت متوسط، جایه‌جایی و شتاب، برداری هستند و کمیت‌هایی مانند جرم، طول، زمان، دما و نتیجی نهادهای هستند.

۳ هر یک از جمله‌های زیر را بحسب میلی‌متر مربع می‌نویسیم:

$$4 \text{ cm}^2 \times 10^{-4} + 6 \times 10^{-4} \mu\text{m}^2 \times (10^{-7})^2 + 8 \times 10^{-7} \text{ dm}^2 \times (10^{-1})^2 = 400 + 6 + 8 = 488 \text{ mm}^2$$

۱ برای انجام اندازه‌گیری‌های درست و قابل اطمینان به یکاهای اندازه‌گیری‌ای نیاز داریم که تغییر نکنند و قابل بازتولید باشند.

۲ سال نوری برایر مسافتی است که نور در طی یک سال می‌پیماید، پس:

$$v = \frac{\Delta x}{\Delta t} \Rightarrow \Delta x = v \times \Delta t$$

$$\frac{\Delta x = ly}{ly} \rightarrow ly = 3 \times 10^8 \times 365 \times 24 \times 60 \times 60 \text{ m}$$

$$\Rightarrow ly = 1ly \times \frac{3 \times 10^8 \times 365 \times 24 \times 60 \times 60 \text{ m}}{1ly} \times \frac{1 \text{ AU}}{1/5 \times 10^{11} \text{ m}}$$

$$= 63072 \text{ AU}$$

۳ با استفاده از روش تبدیل زنجیره‌ای داریم:

$$4 \cdot \text{cm}^2 = 4 \cdot \text{cm}^2 \times \left(\frac{10^{-2} \text{ m}}{1 \text{ cm}} \right)^2 \times \left(\frac{1 \text{ pm}}{10^{-12} \text{ m}} \right)^2$$

$$= 4 \cdot \text{cm}^2 \times \frac{10^{-4} \text{ m}^2}{1 \text{ cm}^2} \times \frac{1 \text{ pm}^2}{10^{-24} \text{ m}^2} = 4 \times 10^{11} \text{ pm}^2$$

۱ دقت اندازه‌گیری در ابزارهای رقمی (دیجیتال) برایر یک واحد از آخرين رقمی است که آن ابزار می‌خواند، بنابراین:

$$\frac{0.01}{0.001} = \frac{\text{دقیق انداده‌گیری ترازوی A}}{\text{دقیق انداده‌گیری ترازوی B}} = 10$$

۲ رقمی یا مدرج بودن ابزارهای تأثیری در دقت اندازه‌گیری آن ندارد.

۱ لبنا حجم کره را حساب می‌کنیم:

$$V = \frac{4}{3} \pi (512 - 216) = 1184 \text{ cm}^3 \Rightarrow V = 4 \times (\text{داخلی} - \text{خارجی}) \text{ cm}^3$$

اکنون با توجه به رابطه محاسبه چگالی برای محاسبه جرم می‌توان نوشت:

$$\rho = \frac{m}{V} \Rightarrow \rho = \frac{m}{1184} \Rightarrow m = 5920 \text{ g} = 5.92 \text{ kg}$$

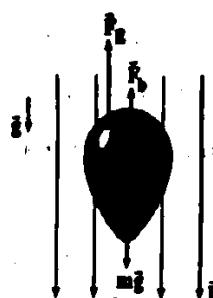
۱ با توجه به شکل زیر، برای مطلق مقدار بار به نیروی وزن آن عینی شود نیروی E که از طرف میدان به فرد ولد می‌شود، mg را اختنی می‌کند



$$E_B = mg \Rightarrow E/q = mg \Rightarrow |q| = \frac{mg}{E}$$

$$\Rightarrow |q| = \frac{100 \times 10}{4 \times 10^9} = 1/5 \times 10^{-7} = 1/5 \mu\text{C}$$

چون جهت نیروی ولد بر بار از طرف میدان، هم‌جهت با جهت میدان $q = +1/5 \mu\text{C}$ است بنابراین بار q مثبت است بنابراین:



۲ چون $q < 0$ است و جهت E

رو به پایین است، بنابراین جهت نیروی واردشده از طرف میدان الکتریکی به بالا کشک در خلاف جهت E و در خلاف جهت نیروی وزن (mg) و در استدلال قائم رو به بالاست. هم‌چنین جهت نیروی شناوری ولد از طرف هوا بر بالا کشک (E) هم رو به بالاست.

برگی نیروی الکتریکی ولد بر بالا کشک برابر است با:

$$F_E = |q|E = 400 \times 10^{-9} \times 100 = 0.04 \text{ N}$$

بالا کشک به صورت قرار گرفته است، بنابراین برایند نیروهای وارد بر بالا کشک برابر صفر است:

$$F_E + R_B = mg \Rightarrow 0.04 + 0.32 = m \times 10$$

$$\Rightarrow m = 0.036 \text{ kg} = 36 \text{ g}$$

۱ به ترتیب از راست به چپ، بور مدل سپارهای را به عنوان مدل انسی پیشنهاد کرد و رادرفورد مدل هسته‌ای را ارائه نمود

۲ تمام عبارت‌های داده شده، صحیح هستند

۱ از نیروی جاذبه و وزن، به دلیل این‌که اثر مهم و تعیین‌کننده‌ای دارند در هیچ‌کدام از برتابهای ذکر شده نمی‌توان صرفنظر کرد. در برتاب توب چه می‌توان، به دلیل وزن کم، وزش باد اثر مهم و تعیین‌کننده‌ای روی آن ندارد و نمی‌توان از آن صرفنظر کرد. اما از اندازه و شکل توب می‌توان در هر دو برتاب صرفنظر کرد.

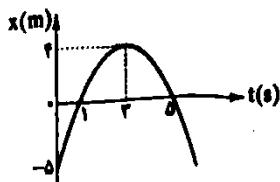
۲ علت حرکت بین در مسیر AB، نیروی وزن می‌باشد، بنابراین گزینه‌های (۱) و (۲) نمی‌توانند صحیح باشند.

اگر نیروی اصطکاک نبود، بین در پاسخ مسیر (نقطه C) متوقف نمی‌گردیده بنابراین گزینه (۳) هم صحیح نیست.

۱ لبنا آنکه خروج آب از شلنگ را بحسب $\frac{\text{cm}^3}{\text{s}}$ محاسبه می‌کنیم:

$$6000 \frac{\text{L}}{\text{min}} \times \frac{1000 \text{ cm}^3}{1 \text{ L}} \times \frac{1 \text{ min}}{60 \text{ s}} = 1.0 \frac{\text{cm}^3}{\text{s}}$$

بنابراین مسافت $M = \frac{1}{2} R^2$ رأس سهمی ملت با توجه به این که طبق معادله ریشه‌های معادله هم $t_1 = 0$ و $t_2 = 5s$ است، با رسم نمودار مکان - زمان داریم:



متوجه در بازه زمانی مورد نظر از مکان $x = +2.5m$ تا مکان $x = +5m$ رفته و بازگشته است بنابراین در این بازه زمانی مسافت $8m$ را علی کرده است و درایم:

$$s_{av} = \frac{1}{\Delta t} \Rightarrow s_{av} = \frac{8}{5-1} = 2 \frac{m}{s}$$

۲ متوجه از مکان $x = 2m$ شروع به حرکت کرده و در مکان $x = -2m$ حرکت آن به بایان رسیده است، پس جابه‌جایی آن برابر $4m$ است. برای محاسبه مسافت علی‌شده داریم:

$$| = 1+2+4+1 = 8m$$

بنابراین:

$$\frac{1}{|\Delta x|} = \frac{12}{4} = 3$$

۳ مسافت علی‌شده توسط متوجه برابر است با:

$$4 \times 5s = 20km$$

$$20 \frac{m}{s} = 10 \frac{km}{h}$$

$$| = s \Delta t \Rightarrow 20 = 10 \Delta t \Rightarrow \Delta t = 2h = 120 \text{ min}$$

۴ سرعت متوسط از رابطه $\bar{v}_{av} = \frac{\Delta \bar{x}}{\Delta t}$ به دست می‌آید. بردار

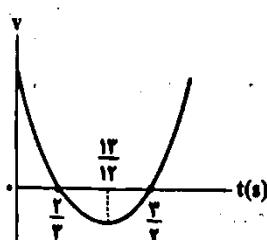
مکان متوجه در لحظه $t_1 = 0$ و $t_2 = 2s$ (بعد $\Delta t = 2s$) به صورت آن است، بنابراین می‌توان نوشت:

$$\bar{v}_{av} = \frac{\bar{x}_2 - \bar{x}_1}{\Delta t} = \frac{-4i - 8i}{2} = \frac{-12i}{2} = -6i \frac{m}{s}$$

۵ می‌دانیم سرعت مشبک به معنی حرکت در جهت محور x ها و سرعت منفی به معنی حرکت در خلاف جهت محور x ها است. با توجه به معادله سرعت - زمان که یک تابع درجه دو است (تابع سهمی)، داریم:

$$v = 6t^2 - 12t + 6 = (2t-3)(3t-2)$$

بنابراین تنها گزینه (۳) درست است.



۱ حجم کل اسکله پولو است با:

$$V = \pi R^2 h \xrightarrow{h=2R} V = 2\pi R^3$$

حجم حفره پولو است با:

$$V' = \frac{1}{3} \pi r^3 = \frac{1}{3} \pi \times \frac{R^3}{8} = \frac{1}{24} \pi R^3$$

حجم اسکله با حفره پولو است با:

$$V'' = V - V' = 2\pi R^3 - \frac{1}{24} \pi R^3 = \frac{47}{24} \pi R^3$$

چکال اسکله با حفره پولو است با:

$$\rho = \frac{m}{V} = \frac{\rho_0 V''}{V} = \frac{\frac{1}{24} \pi R^3 \rho_0}{2\pi R^3} \Rightarrow \rho = \frac{1}{12} \rho_0$$

۲ ابتدا حجم قسمت توپ را محاسبه می‌کنیم:

$$V = V_{\text{توپ}} - V_{\text{حفره}} = V_{\text{توپ}} - \frac{1}{3} (\frac{2}{3} \pi r^3) = \frac{1}{3} \pi (r^3 - r'^3) \\ = \frac{1}{3} \times 2 (216 - 64) = 2 \times 128 = 256 \text{ cm}^3$$

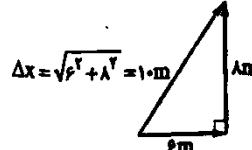
از رابطه چکال درایم:

$$m = \rho V = 20 \times 256 = 20 \times 256 \text{ g}$$

۳ ابتدا جابه‌جایی در هر بازه زمانی و سهی جابه‌جایی کل را محاسبه می‌کنیم:

$$\Delta x_1 = v_1 \Delta t_1 = 2 \times 2 = 4m$$

$$\Delta x_2 = v_2 \Delta t_2 = 1 \times 1 = 1m$$



برای محاسبه اختلاف نهاده سرعت متوسط و تندی متوسط خواهیم داشت:

$$|v_{av}| = \frac{|\Delta x|}{\Delta t} = \frac{1}{1+2} = \frac{1}{3} \frac{m}{s}$$

$$s_{av} = \frac{1}{\Delta t} = \frac{6+1}{1+2} = \frac{7}{3} \frac{m}{s}$$

$$\Rightarrow s_{av} - |v_{av}| = \frac{7}{3} - \frac{1}{3} = 2 \frac{m}{s}$$

۴ تغییر جهت متوجه هنگامی رخ می‌دهد که سرعت متوجه مغز شده و علامت سرعت عوض شود، در حالی که در نمودار صورت سؤال، شیب همراه مثبت است، بنابراین در بازه زمانی داده شده متوجه تغییر جهت نمی‌دهد.

۱ می‌دانیم تندی متوسط از رابطه $s_{av} = \frac{1}{\Delta t}$ قبل محاسبه

استد برای محاسبه مقادیر مسافت علی‌شده (۱) در بازه زمانی $t_1 = 0$ و $t_2 = 5s$ نتیجه، در گام اول با استفاده از راس سهمی، نمودار مکان - زمان متوجه را رسم می‌کنیم:

$$t = \frac{-b}{2a} = \frac{-(-2)}{2(-1)} = -\frac{2}{2} = -1 \text{ راس سهمی}$$

$$x(t) = -5 - 2(t-1)^2 + 6 = -5 - 2(2-1)^2 + 6 = 1 \text{ راس سهمی}$$

۲ با توجه به این که نمودار سهمی است، پس معادله مکان - زمان

لن یک لایع مرد موم است.

از جملی که نمودار، مر مبدأ زمان $t = 0$ رسم شده است بنابراین صورت

کل مکانی به شکل $x = At^2 + Bt$ است با استفاده از داده های سوال

خطیم ملت است.

$$x = At^2 + Bt \Rightarrow \begin{cases} t=7s; x=17m \\ t=9s; x=19m \end{cases} \rightarrow \begin{cases} 12 = 4A + 2B \\ 12 = 36A + 9B \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} 4A + 2B = 12 \\ 36A + 9B = 12 \end{cases} \Rightarrow A = -1, B = 1$$

پس معادله مکان - زمان این متغیر به صورت $x = -t^2 + 8t$ خواهد بود.

با توجه به نمودار سهمی می توان گفت که متغیر در لحظه $t = 7s$ تغییر

جهت داده است متغیر در این لحظه در مکان $17m = -(7)^2 + 8(7)$

فرز دارد، پس متغیر از لحظه $t = 7s$ تا لحظه $t = 9s$ در جهت محور

$16m$ و از لحظه $t = 9s$ تا لحظه $t = 11s$ مترا خلاف جهت محور

کما حرکت کرده است، بنابراین متغیر در $t = 7s$ تا $t = 9s$ اول حرکتش مجموعاً $20m$

مسافت طی کرده است، پس تندی متوسط متغیر در $t = 7s$ تا $t = 9s$ اول حرکتش

برابر است با:

$$s_{av} = \frac{1}{\Delta t} = \frac{20}{2} = \frac{10}{1} m$$

۱ نمودار داده شده یک نمودار مکان - زمان است که محور

عمودی آن معرف مکان متغیر در زمان های متفاوت است، مسافت طی شده

در $t = 7s$ اول حرکت برابر با مجموع تمام مسافت های طی شده است از طرفی

جله جایی از رابطه $\bar{x}_f - \bar{x}_i = \bar{d}$ به دست می آید بنابراین:

$$d = 20 + 20 + 20 + 30 = 90m$$

$$\bar{d} = \bar{x}|_{t=7s} - \bar{x}|_{t=0} = -20 = -20 \Rightarrow d = 20m$$

بنابراین نسبت خواسته شده برابر است با:

$$\frac{1}{d} = \frac{90}{20} = \frac{9}{2} = 4.5$$

۲ مسافت طی شده برابر محیط دو نیم دایره طی شده توسط

متغیر می باشد، بنابراین: محیط نیم دایرة $(2) +$ محیط نیم دایرة $(1) =$

$$\Rightarrow l = \frac{2\pi r_1}{2} + \frac{2\pi r_2}{2} = \pi \times 2 + \pi \times 3 = 5\pi (m)$$

جله جایی یک متغیر، فاصله نقطه ابتداء و انتهای مسیر می باشد، با اتصال دو

نقطه A و B متوجه می شویم که جله جایی برابر مجموع قطرهای دو نیم دایره

می باشد، بنابراین:

$$d = 2r_1 + 2r_2 = 2 \times 2 + 2 \times 3 = 10m$$

بنابراین نسبت خواسته شده برابر است با:

$$\frac{1}{d} = \frac{5\pi}{10} = \frac{\pi}{2}$$

۲ در دوره سوم جدول دوره ای فقط Si قرار به تشکیل یون

نگاتیم نبوده و در واکنش با دیگر اتمها تنها الکترون به اشتراک می گذرد.

۳ در میان K با He در $20^{\circ}C$ با ختم $27^{\circ}C$ ، گازهای F_2 و Cl_2 با گاز

هیروزن واکنش می دهند.

۴ مر چهار عبارت پیشنهاد شده درست هستند

۵ طلا با بازتاب زیاد پرتوهای خورشیدی، چنان فضایوران را در

برای تغییر دمای شدید محافظت می کنند به همین علت در ساخت کلاه

فضایوران از فلز طلا استفاده می شود

۶ به جز عبارت نخست، سایر عبارت ها درست هستند.

۷ عنصر A همان سدیم (Na) است و آرایش الکترونی اتم عنصر X

به p^6 ختم می شود. بنابراین عنصر X در گروه چهاردهم و دوره ششم

جدول جای دارد و همان سرب (Pb) است.

۸ A با همان Na و Pb در گروه های ۱ و ۴ جدول دوره ای جای دارد

و تفاوت شمار گروه های آن ها برابر با ۱۳ است.

۹ هر دو عنصر A و X فلز بوده و رسانایی الکتریکی و گرمایی بالایی دارند.

۱۰ تفاوت عدد اتمی Na با Pb برابر با $= 21 - 11 = 10$ بوده و ۲۱ عدد

اتم نخستین عنصر دسته A دوره ششم جدول است.

۱۱ عنصر هم گروه و بالایی سرب همان فلز قلع و عنصر هم دوره و بعدی سدیم

همان فلز منیزیم استه هر دو عنصر مورد نظر همانند سایر فلزها خاصیت

چکش خواری دارند.

۱۲ مر چهار عبارت پیشنهاد شده درست هستند

یکی از واکنش هایی که در صنعت جوشکاری از آن استفاده می شود واکنش

ترمیت است: $2Al(s) + Fe_3O_4(s) \rightarrow Al_2O_3(s) + 2Fe(l)$

از آن مذاب تولید شده در واکنش ترمیت برای جوش دادن خطوط راه آهن

استفاده می شود.

۱۳ آهن (III) کلرید در آب محلول است و حالت

فیزیکی $FeCl_3$ باید به صورت (aq) باشد

۱۴ به جز مورد دوم، سایر موارد برای پر کردن عبارت مورد نظر،

مناسب هستند. در دوره سوم با افزایش عدد اتمی، واکنش پذیری فلزها کاهش

و واکنش پذیری ناخوازها (تا هالوژن ها) افزایش می باید.

۱۵ هر چه واکنش پذیری فلزی کمتر باشد استخراج آن فلز

راحتer است. در بین فلزهای دانشمند، مس واکنش پذیری کمتری دارد.

۱۶ عبارت های اول و چهارم درست هستند.

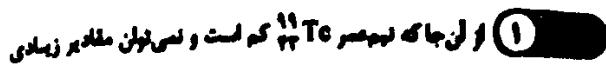
بررسی عبارت های نادرست،

۱۷ عنصرهای دسته A شامل ۲۰ عنصر بوده و به تقریب $89/33 = 2.7$ ٪ عنصرهای

جدول دوزمای را تشکیل می دهند:

$$\frac{40}{118} \times 100 = 33.33\%$$

۱۸ آرایش الکترونی اتم عنصرهای دسته A به زیرا لایه 8 ختم می شود



از آن مصرف را تابه و برای سخت طوالانی نگذاری کرد. بسته به نیاز، آن را با یک مول مستقیم تولید و سپس مصرف می‌کند.

۲ اگر مذکور یک ایزوتوپ خالص در مخلوط ایزوتوپ‌های یک مصرف را تغییر ممکن است، آن کار نه تنی سازی ایزوتوپی گفته می‌شود.

۳ عبارت‌های لول و دوم درست هستند.

و بعد از سرتاسر پالاتومی ممکن است که رشد فیبر مادی و سرعت قری دارند در آین توحدله هم گلوبز معمولی و هم گلوبز نسلان‌های (حاوی آنم پرتوزا) تجمع می‌کنند.

$$\frac{X}{\text{جرم عنصر}} \times 100 = \frac{\text{جرم مولی فرکیب}}{\frac{2(\text{رده جرمی})}{2(\text{رده جرمی}) + 2M}} \times 100 = \% \text{ درصد جرمی}$$

۴ a, b, c و d ترتیب رنگ‌های مسیز، زرد و سرخ هستند.

مقابلة میان طول موج آن‌ها به صورت زیر است:

$$\text{سیز} > \text{زرد} > \text{سرخ}$$

(c) (b) (a)

$$\text{atom H} = m \text{ g C}_6\text{H}_{12}\text{O}_6 \times \frac{1 \text{ mol C}_6\text{H}_{12}\text{O}_6}{18 \text{ g C}_6\text{H}_{12}\text{O}_6}$$

$$\times \frac{6 \times 10^{23} \text{ molecule C}_6\text{H}_{12}\text{O}_6}{1 \text{ mol C}_6\text{H}_{12}\text{O}_6} \times \frac{12 \text{ atom H}}{1 \text{ molecule C}_6\text{H}_{12}\text{O}_6} \\ = 7.4 \text{ mol} \times 10^{23}$$

مطابق داده‌های سؤال می‌توان نوشت:

$$0.4 \text{ mol} \times 10^{23} = 4 \text{ mol} \times 10^{21} \Rightarrow m = 10$$

۵ مطابق داده‌های سؤال برای فراوانی ایزوتوپ‌های اول تا آخر می‌توان نوشت (f فراوانی ایزوتوپ آجر است):

$$8f + 6f + 5f + f = 100 \Rightarrow f = 5$$

$$\bar{X} = M_1 + \frac{F_1}{100}(M_2 - M_1) + \frac{F_2}{100}(M_3 - M_1) + \frac{F_3}{100}(M_4 - M_1)$$

$$27/55 = m + \frac{5(5)}{100}(2) + \frac{5(5)}{100}(3) + \frac{5}{100}(4)$$

$$27/55 = m + 0.6 + 0.75 + 0.2 \Rightarrow m = 26$$

۶ به جز عبارت آخر، سایر عبارت‌ها درست هستند. جرم هر مول آب برای ۱۸ گرم است.

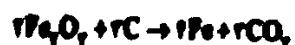
۷ [ضخامت × مساحت دایره] - [ضخامت × عرض × طول] = حجم ورقه

$$[58 \times 37/5 \times 5] - [\pi \times (\frac{30}{2})^2 \times 5] = 500 \text{ mm}^3$$

$$= 500 \times (10^{-3} \text{ cm})^3 = 5 \text{ cm}^3$$

$$\text{atom} = 5 \text{ cm}^3 \times \frac{6 \text{ g}}{1 \text{ cm}^3} \times \frac{1 \text{ mol}}{12 \text{ g}} \times \frac{6 \times 10^{23} \text{ atom}}{1 \text{ mol}}$$

$$= 18.6 \times 10^{23} \text{ atom}$$



$$\frac{160 \text{ g Fe}_3\text{O}_4 \times \frac{P}{100}}{2 \times 160} = \frac{m \text{ g C}}{2 \times 12} = \frac{1/2 \times 10 \text{ g Fe}}{2 \times 56}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} m = 6.78 \times 10^3 \text{ g} \\ P = 189.75 \end{cases}$$

پاسخ است که منابع از موکسر لول و بخون محاسبه مذکور m ، مرسد خلوص را به مدت ۱۰٪

۲ مطابق تأثیر پیشنهادی جرم تکثیت جرم واکنش مذکونه و مسود جلد میان طرفه برای جرم گاز اسیدن کوچک شده است.

$$? \text{ g O}_2 = 200 - 219 = 1 \text{ g O}_2$$



$$\frac{200 \text{ g KMnO}_4 \times \frac{P}{100}}{2 \times 168} = \frac{1 \text{ g O}_2}{1 \times 32} \Rightarrow \% P = 1.67/9$$

۳ از آن جا که در مدت هر کدام از واکنش‌های داشته باشد فقط برای مذکور وجود دارد می‌توان تابع زیر را تجربه گرفت:



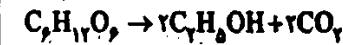
$$\frac{P}{\text{جرم مولی} \times \frac{R_1}{100} \times \frac{R_2}{100} \times \frac{R_3}{100}} = \frac{\text{ضریب}}{\text{ضریب سولفوریک اسید}}$$

$$= \frac{(L) \times \text{حجم سولفوریک اسید}}{\text{ضریب سولفوریک اسید}}$$

$$\Rightarrow \frac{x \text{ g S} \times (\frac{A_1}{100}) \times (\frac{A_2}{100}) \times (\frac{V_1}{100} \times \frac{A_3}{100}) \times (\frac{V_2}{100} \times \frac{V_3}{100} \times \frac{A_4}{100})}{1 \times 32}$$

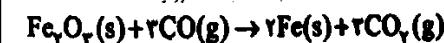
$$= \frac{2L \times 6 \text{ M H}_2\text{SO}_4}{1} \Rightarrow x = 2222 \text{ g S}$$

۴ سوت سیز همان انتول (C₇H₈OH) است.



$$\frac{625 \text{ kg C}_7\text{H}_8\text{O}_2 \times \frac{R}{100} \times \frac{R}{100}}{1 \times 180} = \frac{12 \text{ kg C}_7\text{H}_8\text{OH}}{2 \times 46}$$

$$\Rightarrow \% R = 1.40$$



با تبدیل Fe_3O_4 به Fe_2O_3 ، اینها اکسیژن از آهن (III) اکسید خارج شده و جرم نمونه اولیه کاهش می‌یابد به علاوه مصرف یک مول آهن (III) اکسید (۱۶ g Fe_2O_3) ۲ مول آهن اکسیژن معادل ۴۸ g از آن خارج شده و جرم نمونه به ۱۱۲ g می‌رسد.

$$\frac{16 \text{ g Fe}_2\text{O}_3}{(40 - 32)/18} \times \frac{1}{\text{کاهش جرم g}} = 24 \text{ g}$$

$$\frac{24 \text{ g}}{2 \times 8} = \frac{24 \text{ g}}{16} \times 100 = \% 90$$

۵ رادیوایزوتوپ‌های A و B به ترتیب ${}^3\text{H}$ و ${}^7\text{H}$ هستند. شمار نوترون‌های ${}^3\text{H}$ و ${}^7\text{H}$ به ترتیب برابر با ۲ و ۶ است.

$$\frac{2}{6} = \frac{1}{3}$$

بنابراین مخلوط نهایی شامل ${}^4\text{He}$ اتم، ${}^3\text{He}$ اتم و ${}^2\text{He}$ اتم است.

$${}^3\text{He} = \frac{1}{(p+q+r+o)} \times 100 = \% / 9$$

مخلوط دو عدد ${}^2\text{He}$ و ${}^3\text{He}$ برای $\frac{1}{12}/\frac{1}{13}$ است.

۲ دلیل این که اصل به راحتی با این شسته و در آن پخته شود این است که اصل حاوی مولکول های قطبی است که در ساختار خود شمار تلکل توجهی گروه هیدروکسیل دارند.

۳ فرمول کلی صابون موره نظر به صورت $\text{C}_x\text{H}_y\text{COONH}_4$

است مطابق داده های سوال می توان نوشت:

$$\frac{\% \text{C}}{\% \text{O}} = p \Rightarrow \frac{(x+1) \times 12}{2 \times 16} = p \Rightarrow x = 15$$

فرمول صابون: $\text{C}_{15}\text{H}_y\text{COONH}_4$

مطابق متن سوال، دو پهوند دوگانه در ساختار صابون وجود دارد که

یکی $\text{C}=\text{O}$ و آن یکی $\text{C}=\text{C}$ خواهد بود در نتیجه شمار اتم های

هیدروژن زنجیر کربنی برای این است:

$$2(15)-1=29$$

فرمول صابون: $\text{C}_{15}\text{H}_{29}\text{COONH}_4$

$$\frac{\% \text{H}}{\% \text{N}} = \frac{(29+4) \times 1}{1 \times 14} = 2/14$$

۱ فرمول شبیه ای اوره و اتیلن گلبکول به ترتیب به

صورت $\text{C}_2\text{H}_4(\text{OH})_2$ و $\text{CO}(\text{NH}_2)_2$ است.

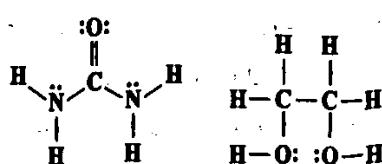
در هر دو ترکیب نسبت شمار اتم های C به O برای ۱ است.

هر دو ترکیب در هگزان نامحلول هستند.

به دلیل وجود پیوندهای $\text{O}-\text{H}$ و $\text{N}-\text{H}$ در ساختار آن ها، هر دو

ترکیب می توانند با مولکول های آب، پیوند هیدروژنی تشکیل دهند

در ساختار هر کدام از این دو ترکیب، ۴ گفت الکترون ناپیوندی وجود دارد.



۱ فرمول روغن زیتون به صورت $\text{C}_7\text{H}_{10}\text{O}_4$ است. در

ساختار داده شده در سوال به جز گروه های R، R' اتم کربن، R'' اتم اکسیژن و R'''

اتم هیدروژن وجود دارد. بنابراین در مجموع سه گروه R , 51 اتم کربن و 11

اتم هیدروژن وجود دارد.

$$11-51=28$$

$$\text{C}_7\text{H}_{10} \Rightarrow a = \frac{10}{A} = \frac{1}{4}$$

$$\text{C}_7\text{H}_{10} \Rightarrow b = \frac{52}{A} = \frac{1}{4}$$

$$\frac{1}{b} = \frac{1}{4} = \frac{1}{4} \times \frac{28}{52} = \frac{28}{208} = \frac{1}{8}$$

هر ۷۷ مولت پیشنهاده شده فرست می شود

$${}^{74}\text{Ar} \rightarrow \begin{cases} p+e=74 \\ p-e=\tau \Rightarrow p=\Lambda\tau, e=\Lambda^*, B=17\tau \\ e-e=\tau \end{cases}$$

$${}^{77}\text{Xe} \rightarrow \begin{cases} p+e=77 \\ e-p=\tau \Rightarrow p=\delta\tau, e=\delta\tau, B=77 \\ e-e=\tau \end{cases}$$

مجموع اندیانس دو عنصر A و X برای این است بد

$$\Lambda\tau + \delta\tau = 175$$

۱ از تخفین عنصر ساخت بشر (${}^{11}\text{Tc}$) برای تصویربرداری غده تیروئید استفاده می شود. زیرا یون پدیده با یون حاوی ${}^{11}\text{Tc}$ اندیازه سلیمانی می باشد.

۲ برای سادگی در محاسبات به جای مقاطع عدد آوکاگدو فقط از نماد N_A استفاده می کنیم.

$$?_{\text{atom}} = 22 \text{ g Fe}_3\text{O}_4 \times \frac{1 \text{ mol Fe}_3\text{O}_4}{16 \cdot 8 \text{ g Fe}_3\text{O}_4} \times \frac{\Delta N_A \text{ atom}}{1 \text{ mol Fe}_3\text{O}_4} = N_A \text{ atom}$$

بررسی کردن:

$$1) 21 \text{ g CO} \times \frac{1 \text{ mol CO}}{28 \text{ g CO}} \times \frac{\Delta N_A \text{ atom}}{1 \text{ mol CO}} = 15 N_A \text{ atom}$$

$$2) 2 \cdot 10 \times 10^{-17} \text{ molecule H}_2\text{O} \times \frac{1 \text{ mol H}_2\text{O}}{6 \cdot 0 \times 10^{-17} \text{ molecule H}_2\text{O}}$$

$$\times \frac{\Delta N_A \text{ atom}}{1 \text{ mol H}_2\text{O}} = 15 N_A \text{ atom}$$

$$3) 7/25 \text{ g CH}_3\text{COCH}_3 \times \frac{1 \text{ mol CH}_3\text{COCH}_3}{58 \text{ g CH}_3\text{COCH}_3} = 125 N_A \text{ atom}$$

$$\times \frac{10 N_A \text{ atom}}{1 \text{ mol CH}_3\text{COCH}_3} = 1250 N_A \text{ atom}$$

$$4) 0.005 \text{ L C}_6\text{H}_{14} \times \frac{1000 \text{ mL}}{1 \text{ L C}_6\text{H}_{14}} \times \frac{0.16 \text{ g C}_6\text{H}_{14}}{1 \text{ mL C}_6\text{H}_{14}} \times \frac{1 \text{ mol C}_6\text{H}_{14}}{58 \text{ g C}_6\text{H}_{14}}$$

$$\times \frac{20 N_A \text{ atom}}{1 \text{ mol C}_6\text{H}_{14}} = N_A \text{ atom}$$

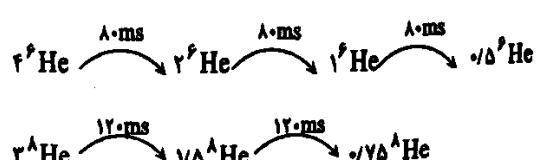
۴ فرض می کنیم جرم هر کدام از ایزوتوپ ها در مخلوط اولیه

برای 22 fmole است. در این صورت نمونه اولیه شامل 6 اتم ${}^4\text{He}$ (پایدار)، 4

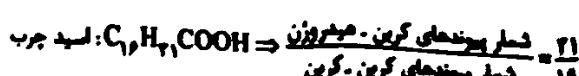
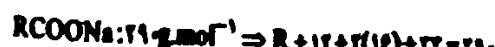
${}^3\text{He}$ و ${}^2\text{He}$ خواهد بود.

$${}^4\text{He} = \frac{4}{(4+4+2)} \times 100 = \% / 4$$

۲۰ میلی ثانیه معادل ۳ نیم عمر ${}^4\text{He}$ و ۲ نیم عمر ${}^3\text{He}$ است.



$$\frac{17/18}{1/16 \text{ mol}} = 21 \text{ g/mol}^{-1}$$



۲) مطابق متصوّری سوال فرمول صلبین است

متصوّر $RCOONH_4$ است که R دارای ۲۱ اتم هیدروژن خواهد بود.

با توجه به یک پیوند دوگانه $C=C$ در R ، فرمول آن را می‌توان به

صورت $C_{15}H_{29}$ مر نظر گرفت.

$$21 - 1 = 20 \Rightarrow n = 15$$



$$12(15+1)+(21+1)+2(17) = 287 \text{ g/mol}^{-1}$$

۲) مبارزه‌های «آ» و «ت» درست هستند.

۳) دروس غیررتکابه درست هستند.

ب) شاخص امید به زندگی نشان می‌دهد با توجه به خطراتی که انسان‌ها در طول زندگی با آن مواجه هستند، به طور میانگین چند سال در این جهان زندگی می‌گذند.

ب) لیزوزه امید به زندگی برای بیش تر مردم دنیا بین ۷۰ تا ۸۰ سال است.

۴) سه مادهی بتین، روغن زیتون و ولبن در هگزین محلی هستند.

۵) دروس گلینه‌علم

۱) شکل‌های (۱) و (۲) به ترتیب مدل فضایی‌کن اسید چرب و استر بلند رتکبر را نشان می‌دهند.

۲) شمار اتم‌های اکسیژن مولکول شکل (۲) برابر با ۶ و شمار اتم‌های اکسیژن مولکول شکل (۱) برابر با ۲ است.

۳) در مولکول شکل (۱) یک پیوند $C=O$ وجود دارد. در صورتی که مولکول شکل (۲) دارای ۳ پیوند $C=O$ است.

۴) نیروی بین مولکولی غالب در دو مولکول از نوع وان دروالسی است.