



# رئیس‌جمهوری سوالات

## آزمون تابستان «۵ مرداد ۱۴۰۳» دفترچه اول اختصاصی دوازدهم ریاضی (ریاضیات)

مدت زمان کل پاسخ‌گویی سوالات: ۱۳۰ دقیقه

تعداد کل سوالات: ۹۰ سوال

(۴۰ سوال اجباری + ۵۰ سوال اختیاری)

نام درس	تعداد سوال	شماره سوال	زمان پاسخگویی
اجباری	۱۰	۱-۱۰	۱۵'
اجباری	۱۰	۱۱-۲۰	۱۵'
اجباری	۱۰	۲۱-۳۰	۱۵'
اجباری	۱۰	۳۱-۴۰	۱۵'
اختریاری	۲۰	۴۱-۶۰	۲۵'
اختریاری	۱۰	۶۱-۷۰	۱۵'
اختریاری	۱۰	۷۱-۸۰	۱۵'
اختریاری	۱۰	۸۱-۹۰	۱۵'
جمع کل	۹۰	۱-۹۰	۱۳۰'

### جدیدآورندگان

نام درس	نام طراحان
ریاضی پایه و حسابان ۲	دانیال ابراهیمی-کاظم اجلالی-سیدرضا اسلامی-حسن اسماعیلی-عباس اشرفی-امیر هوشنگ انصاری-مهدی براتی-شاهین پروازی
حسابان ۲	محمد ابراهیم تو زنده جانی-عادل سیسینی-افشین خاصه‌خان-طاهر دادستانی-احمدرضا ذاکر زاده-سعید رازورز-محمد رضا راسخ
هندرسه	محمد مهدی زربون-سهیل ساسانی-میلاد سجادی لاریجانی-علی سلامت-محمد حسن سلامی حسینی-رضاعلی نواز-حمدی علیزاده
آمار و احتمال و ریاضیات گسته	مصطفی کرمی-حمدی مام قادری-جهانبخش نیکنام
هندرسه	امیرحسین ابومحبوب-محمد ابراهیم تو زنده جانی-حسین حاجیلو-افشین خاصه‌خان-فرزانه خاکپاش-محمد خندان-کیوان دارابی-سوگند روشنی
آمار و احتمال و ریاضیات گسته	محمد صحت کار-احمدرضا فلاخ-امیر مالیر-مهرداد ملوندی-سرژ یقیازاریان تبریزی
هندرسه	امیرحسین ابومحبوب-علی ایمانی-رضاستوکلی-سید محمد رضا حسینی فرد-افشین خاصه‌خان-فرزانه خاکپاش-کیوان دارابی
ریاضیات گسته	سیدوحید ذوالقدری-سوگند روشنی-فرشاد فرامرزی-مریم مرسلی-علی منصف شکری-سرژ یقیازاریان تبریزی

### گزینشگران و ویراستاران

نام درس	ریاضی پایه و حسابان ۲	هندرسه	آمار و احتمال و ریاضیات گسته
گزینشگر	عادل حسینی	سرژ یقیازاریان تبریزی	سرژ یقیازاریان تبریزی
گروه ویراستاری	امیرحسین ابومحبوب سهیل تقیزاده	مهرداد ملوندی امیر محمد کربیعی مهدی خاتمی	مهرداد ملوندی امیر محمد کربیعی مهدی خاتمی
مسئول درس	عادل حسینی	سرژ یقیازاریان تبریزی	سرژ یقیازاریان تبریزی
مسئله سازی	سمیه استکندری	عادل حسینی	الهه شهبازی
ویراستاران (مستندسازی)	علیرضا زارعی-علیرضا عباسی زاده-سجاد سلیمانی		

### گروه فنی و تولید

مددگار	مهرداد ملوندی
مسئول دفترچه	نرگس غنی زاده
گروه مستندسازی	مدیر گروه: محیا اصغری
حروف نگار	فرزانه فتح المزاده
ناظر چاپ	سوران نعیمی

گروه آزمون  
بنیاد علمی آموزشی قلمچی «وقف عام»  
دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ - تلفن: ۰۳۱-۶۶۶۳



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

حسابان ۱: جبر و معادله: صفحه‌های ۱ تا ۳۶

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اجباری است.

- ۱- مجموع  $m$  جمله اول دنباله هندسی  $\dots, 32, 64, 128, \dots$  از مجموع  $m$  جمله اول دنباله هندسی  $\dots, \frac{3}{4}, \frac{3}{4}, \frac{3}{16}$  بیشتر است.

حداکثر مقدار  $m$  کدام است؟

۷ (۲)

۶ (۱)

۹ (۴)

۸ (۳)

- ۲- به ازای کدام مجموعه مقادیر  $a$ , نمودار تابع  $y = x^3 - ax + a - 1$  فقط از سه ربع دستگاه مختصات می‌گذرد؟

 $a > 2$  (۲) $a \geq 1$  (۱) $a < 2$  (۴) $a \leq 1$  (۳)

- ۳- معادله درجه دومی دارای دو جواب غیرصحیح  $x_1$  و  $x_2$  است به طوری که مجموع مربعات آنها ۲۳ است. اگر مجموع ریشه‌ها ۴ واحد بیشتر از حاصل ضرب ریشه‌ها باشد، حاصل  $x_1^3 + x_2^3$  کدام می‌تواند باشد؟

۱۲۰ (۲)

۹۰ (۱)

۱۱۰ (۴)

۱۰۰ (۳)

- ۴- تعداد جواب‌های معادله  $\frac{x-2}{x+2} + \frac{x}{x-2} = \frac{1}{x^2-4}$  کدام است؟

۱ (۲)

(۱) صفر

۳ (۴)

۲ (۳)

محل انجام محاسبات



۵- عباس، علی و محمد به تنها یک کاری را به ترتیب در ۱۰، ۲۰ و ۳۰ روز انجام می‌دهند. این سه نفر با هم شروع به انجام کار می‌کنند و پس از ۳ روز، عباس مريض می‌شود و محمد و علی کار را ادامه می‌دهند تا دوران نقاوت بیماری عباس که  $x$  روز است سپری شود، سپس هر سه نفر کار را ادامه می‌دهند، اگر کل کار در ۶ روز انجام شود،  $x$  کدام است؟

۲ (۲)

۲/۵ (۱)

۱ (۴)

۱/۵ (۳)

۶- تعداد جواب‌های معادله  $\frac{2}{\sqrt{x+3}-\sqrt{x+1}} = \sqrt{2x+3}$  کدام است؟

۲ (۲)

۱ (۱)

۴) بیشمار جواب دارد.

۳ (۳)

۷- معادله  $\sqrt{x+4+2\sqrt{x+3}} + \sqrt{x+6} = 3$  چند جواب دارد؟

۱ (۲)

۱) صفر

۳ (۴)

۲ (۳)

۸- مساحت ناحیه محدود به نمودار تابع  $y = |x-1| - |x-2|$  و محورهای مختصات کدام است؟

 $\frac{1}{4}$  (۲) $\frac{7}{4}$  (۱) $\frac{3}{2}$  (۴) $\frac{5}{4}$  (۳)

۹- مختصات قرینه نقطه  $A(1,2)$  نسبت به خط  $y = x - 1$  به صورت  $(a,b)$  است. مقدار  $a - 2b$  کدام است؟

۵ (۲)

۳ (۱)

-۳ (۴)

-۵ (۳)

۱۰- معادله دو ضلع مجاور یک مستطیل به صورت  $y = (a+1)x - 3$  و  $ay + 4x = 3$  است. اگر مختصات محل برخورد قطرها  $(1,1)$  باشد، مساحت این مستطیل کدام است؟ آزمون وی ای پی

۱/۳ (۲)

۱/۲ (۱)

۱/۵ (۴)

۱/۴ (۳)

محل انجام حسابات



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

ریاضی ا: مجموعه، الگو و دنباله، مسئله‌های ۱ تا ۲۵

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اجباری است.

۱۱- در یک کلاس ۵۰ نفره، برای آمارگیری در مورد ورزش مورد علاقه دانشآموزان، نتیجه نهایی به صورت جدول زیر ارائه شد. اگر ۵

نفر به هیچ ورزشی علاقه‌مند نباشند، چند نفر فقط به یک ورزش علاقه‌مندند؟

فوتbal	والیبال	بسکتبال	فوتبال و والیبال	فوتبال و بسکتبال	والیبال و بسکتبال
۳۰	۲۵	۲۵	۱۵	۲۰	۱۰

۱۵ (۱)

۲۰ (۲)

۱۰ (۳)

۲۵ (۴)

۱۲- در الگوی  $t_n$  که جملات آن به صورت ... , ۳۶, ۲۰, ۹, ۳ است، جملهٔ صدم کدام کدام است؟

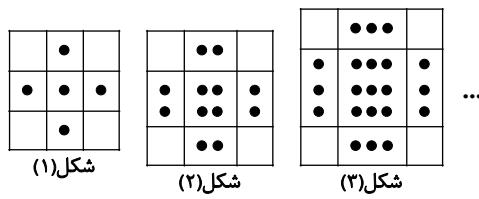
۲۲۳۶۲ (۲)

۲۴۸۵۲ (۱)

۲۴۳۵۲ (۴)

۲۵۱۵۲ (۳)

۱۳- در الگوی شکل مقابل، تعداد نقاط شکل چندم برابر ۲۸۵ است؟



۱۲ (۱)

۱۳ (۲)

۱۴ (۳)

۱۵ (۴)

۱۴- اعداد طبیعی زوج را چنان دسته‌بندی کردہ‌ایم که دستهٔ اول {۲} و در دسته‌های بعدی، تعداد اعضای هر دسته برابر کوچک‌ترین عدد دستهٔ قبلی است. میانگین اعداد دستهٔ دوازدهم کدام است؟

۶۱۴۳ (۲)

۶۱۴۷ (۱)

۶۱۴۱ (۴)

۶۱۴۵ (۳)

۱۵- جملهٔ سیزدهم دنبالهٔ حسابی  $\frac{-13}{4}, \frac{-5}{2}, \dots$  چقدر از واسطهٔ حسابی جملات بیستویکم و چهل‌ونهم، کمتر است؟

۱۶ (۲)

۱۵/۵ (۱)

۱۷ (۴)

۱۶/۵ (۳)

محل انجام محاسبات



۱۶- در یک دنباله حسابی، مجموع جملات اول، دوم و سوم برابر ۱۲ و مجموع جملات هفتم، هشتم و نهم برابر ۴۸ است. قدرنسبت

این دنباله کدام است؟

۲ (۲)

$\frac{3}{2}$  (۱)

$\frac{1}{2}$  (۴)

$\frac{2}{3}$  (۳)

۱۷- بین جملات ششم و هشتم یک دنباله هندسی با جملات مثبت و غیرثابت، ۲۹ عدد به گونه‌ای درج کرده‌ایم که جملات حاصل

تشکیل دنباله حسابی با قدر نسبت  $d > 0$  بدeneند. اگر جملات پنجم و ششم همین دنباله هندسی، جملات متولی از یک دنباله

حسابی با قدر نسبت  $d$  باشند، قدرنسبت دنباله هندسی کدام است؟

۳ (۲)

۵ (۱)

۶ (۴)

۲ (۳)

۱۸- مقدار عبارت  $\sqrt{2} \sin 45^\circ - \sqrt{12} \sin 60^\circ$  کدام است؟

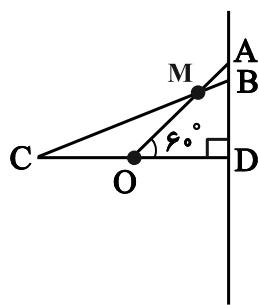
-۱ (۲)

۱ (۱)

-۲ (۴)

۲ (۳)

۱۹- با توجه به شکل، طول پاره خط  $AB$  کدام است؟ (۱)



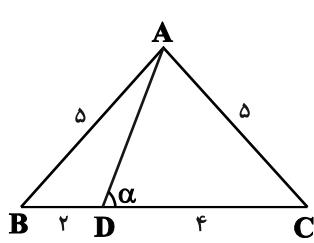
$\sqrt{3}$  (۱)

$\frac{\sqrt{3}}{3}$  (۲)

$\frac{2\sqrt{3}}{3}$  (۳)

$\frac{4\sqrt{3}}{3}$  (۴)

۲۰- با توجه به شکل مقابل، مقدار  $\tan \alpha$  کدام است؟



$\frac{1}{4}$  (۱)

$\frac{1}{3}$  (۲)

۳ (۳)

۴ (۴)

محل انجام محاسبات



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

آمار و احتمال: آشنایی با مبانی ریاضیات: صفحه‌های ۱ تا ۲۰

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانش‌آموزان اجباری است.

۲۱ - اگر  $p$  و  $q$  دو گزاره باشند، گزاره  $(p \wedge q) \wedge \sim(p \vee q)$  با کدام گزاره هم ارزش است؟ آزمون وی ای پی

$q \quad (2)$

$F \quad (1)$

$T \quad (4)$

$p \quad (3)$

۲۲ - اگر ارزش گزاره  $(p \leftrightarrow q) \Rightarrow (p \vee r)$  نادرست باشد، ارزش کدام‌یک از گزاره‌های زیر درست است؟

$q \Rightarrow r \quad (2)$

$p \wedge q \quad (1)$

$p \leftrightarrow r \quad (4)$

$r \vee p \quad (3)$

۲۳ - اگر مجموعه  $A = \{x \in \mathbb{Z} \mid 0 \leq x \leq 5\}$  دامنه متغیر باشد، ارزش کدام گزاره سوری نادرست است؟

$\exists x \in A, \forall y \in A; xy = y \quad (2)$

$\exists x \in A, \forall y \in A; xy = 0 \quad (1)$

$\exists x \in A, \forall y \in A; xy \geq 5 \quad (4)$

$\exists x \in A, \forall y \in A; x + y \geq 5 \quad (3)$

۲۴ - گزاره سوری « با کدام گزاره‌نمای  $P(x, y)$  دارای ارزش درست است؟  $\forall x \in \mathbb{N}, \exists y \in \mathbb{N}; P(x, y)$  »

$\forall y \leq x \quad (2)$

$x - y \geq 3 \quad (1)$

$x - y = 6 \quad (4)$

$2x + y \geq 3 \quad (3)$

۲۵ - اگر  $r$  گزاره‌ای دلخواه، نقیض گزاره  $p$  نادرست و گزاره  $[q \Rightarrow (\sim p \wedge r)] \Leftrightarrow [q \Rightarrow (\sim p \wedge r)]$  درست باشد، کدام یک از گزاره‌های

زیر همواره درست است؟

$(p \Rightarrow r) \vee q \quad (2)$

$\sim(q \wedge r) \Leftrightarrow (r \Rightarrow p) \quad (1)$

$(r \Leftrightarrow p) \Leftrightarrow (q \Leftrightarrow r) \quad (4)$

$(\sim r \Rightarrow q) \wedge p \quad (3)$

محل انجام محاسبات



۲۶- اگر گزاره‌های  $r \Rightarrow q \Rightarrow \sim q \Rightarrow \sim r$  و  $p \Rightarrow (\sim r \Leftrightarrow p) \Leftrightarrow (r \Rightarrow \sim p)$  و  $(\sim r \Rightarrow p) \Leftrightarrow (p \wedge q)$  به ترتیب درست و نادرست باشند، ارزش گزاره‌های  $(p \wedge q)$  و  $(\sim r \Rightarrow p)$  چه کدام است؟

۲) درست - نادرست

۱) درست - درست

۴) نادرست - نادرست

۳) نادرست - درست

۲۷- نقیض گزاره  $(\exists x \in \mathbb{R}; x^3 = 2) \Rightarrow (\forall x \in \mathbb{R}; x^3 > 0)$  کدام است؟

$(\forall x \in \mathbb{R}; x^3 \neq 2) \wedge (\forall x \in \mathbb{R}; x^3 > 0)$  (۲)

$(\exists x \in \mathbb{R}; x^3 = 2) \wedge (\exists x \in \mathbb{R}; x^3 \leq 0)$  (۱)

$(\forall x \in \mathbb{R}; x^3 \neq 2) \vee (\forall x \in \mathbb{R}; x^3 > 0)$  (۴)

$(\exists x \in \mathbb{R}; x^3 = 2) \vee (\exists x \in \mathbb{R}; x^3 \leq 0)$  (۳)

۲۸- مجموعه  $A$  دارای  $n$  عضو است. اگر دو عضو متمایز به این مجموعه اضافه کنیم، تعداد زیرمجموعه‌های

اضافه می‌شود.  $n$  کدام است؟

۷ (۲)

۶ (۱)

۵ (۴)

۴ (۳)

۲۹- اگر دو مجموعه  $C = \{-x+2, 3x-2, 1, x^3\}$  و  $B = \{x^3 + 5x^2 + 2x - 8, x\}$  برابر باشند، مجموعه  $A = \{0, 1, 2, 3\}$  چند عضوی

است؟

۳ (۲)

۴ (۱)

۱ (۴)

۲ (۳)

۳۰- اگر  $\{x \in \mathbb{Z} | 1 \leq x^3 \leq 9\}$  دامنه متغیر باشد، ارزش کدام گزاره سوری درست است؟

$\exists x \in A; 6x^3 - x - 1 = 0$  (۲)

$\forall x \in A; 2x^3 + 5x \geq 3$  (۱)

$\forall x \in A; |x+1| < 4$  (۴)

$\exists x \in A; |x-2| \geq 5$  (۳)

محل انجام محاسبات



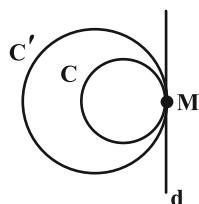
وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

هنده ۲: دایره (قاسیات های دو دایره نسبت به هم): صفحه های ۹ تا ۲۰

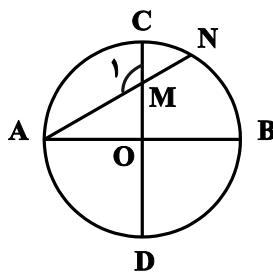
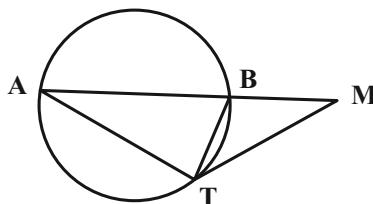
پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانش آموزان اجباری است.

۳۱- مطابق شکل زیر، خط  $d$  بر دو دایره  $C'(O', R_1)$  و  $C(O, R_2)$  در نقطه  $M$  مماس است. اگر طول خط مرکزین این دو دایره

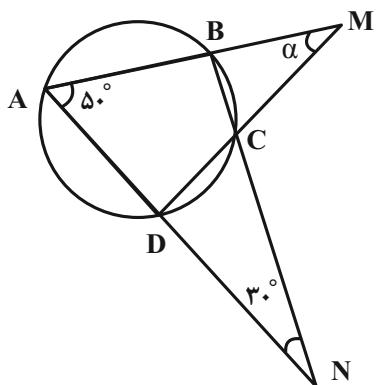
برابر ۲ واحد و مساحت ناحیه محدود بین دو دایره سه برابر مساحت دایره کوچک تر چند

 $9\pi$  (۱) $36\pi$  (۲) $4\pi$  (۳) $16\pi$  (۴)

واحد مربع است؟

۳۲- در شکل مقابل، نقطه  $O$  مرکز دایره است و دو قطر  $AB$  و  $CD$  بر هم عمودند. اگر  $OM = MN$  باشد، آن‌گاه اندازه زاویه  $\hat{M}$  چهكسري از اندازه زاویه  $\hat{M}$  مي باشد؟ $\frac{1}{2}$  (۱) $\frac{1}{4}$  (۲) $\frac{1}{3}$  (۳) $\frac{2}{3}$  (۴)۳۳- در شکل زیر  $MT$  در نقطه  $T$  بر دایره مماس است. اگر  $AB = AT$  و  $BM = BT$  باشد، اندازه زاویه  $M$  کدام است؟ $30^\circ$  (۱) $32^\circ$  (۲) $34^\circ$  (۳) $36^\circ$  (۴)

محل انجام محاسبات



۳۴- در شکل زیر، اندازه زاویه  $\alpha$  بر حسب درجه کدام است؟

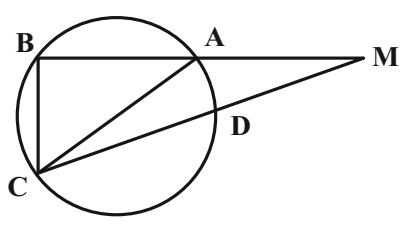
۵۰ (۱)

۴۵ (۲)

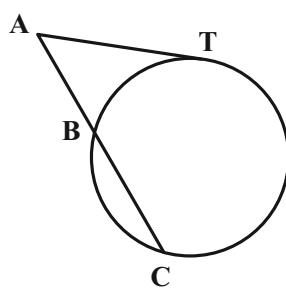
۴۰ (۳)

۳۰ (۴)

۳۵- در شکل زیر طول وترهای  $AB$ ,  $BC$  و  $CD$  به ترتیب برابر  $4a+4$ ,  $3a+1$  و  $5a+1$  است. اگر قطر  $AC$  دایره و  $\widehat{ACB} = 50^\circ$  باشد، مقدار  $a$  کدام می‌تواند باشد؟

 $\frac{5}{4}$  (۱) $\frac{11}{8}$  (۲) $\frac{3}{2}$  (۳) $\frac{15}{8}$  (۴)

۳۶- در شکل زیر پاره خط  $AT$  به طول ۸ در نقطه  $T$  بر دایره مماس است. اگر  $AB = 4$  و  $\widehat{BC} = 120^\circ$  باشد، مساحت دایره چند برابر  $\pi$  است؟



۳۶ (۱)

۴۸ (۲)

۲۲ (۳)

۲۴ (۴)

محل انجام محاسبات



۳۷- در ذوزنقه  $ABCD$   $(AB \parallel CD)$   $AB = 10$  ،  $DC = 15$  و  $AD = 7$  است. از نقطه  $P$  محل تلاقی امتداد ساق‌های این ذوزنقه،

مماسی بر دایره گذرنده از نقاط  $A$  و  $D$  رسم می‌کنیم. طول این قطعه مماس چند برابر ساق  $AD$  می‌باشد؟

$$\sqrt{3} \quad (2)$$

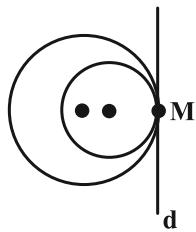
$$\sqrt{5} \quad (1)$$

$$2 \quad (4)$$

$$\sqrt{6} \quad (3)$$

۳۸- مطابق شکل زیر، دو دایره به شعاع‌های ۳ و ۴ در نقطه  $M$  بر خط  $d$  مماس هستند. طول بزرگ‌ترین وتر از دایره بزرگ‌تر که بر

دایره کوچک‌تر مماس باشد، کدام است؟



$$2\sqrt{3} \quad (2)$$

$$2\sqrt{5} \quad (1)$$

$$4\sqrt{3} \quad (4)$$

$$4\sqrt{5} \quad (3)$$

۳۹- دو دایره  $O(17)$  و  $O'(10)$  مفروض‌اند. خط قاطع  $d$  که در دایره  $C'$  وتری به طول  $30$  به وجود می‌آورد، در دایره  $C$  در

وتری با کدام طول پیدید می‌آورد؟

$$12 \quad (2)$$

$$15 \quad (1)$$

$$8 \quad (4)$$

$$10 \quad (3)$$

۴۰- از نقطه  $M$  واقع در خارج دایره‌ای به شعاع ۴ واحد، دو مماس  $MA$  و  $MB$  بر دایره رسم شده است. اگر فاصله نقطه  $M$  تا

نزدیک‌ترین نقاط دایره  $(-1, -2\sqrt{2})$  باشد، فاصله مرکز دایره از وتر  $AB$  کدام است؟

$$2 \quad (2)$$

$$\sqrt{2} \quad (1)$$

$$3 \quad (4)$$

$$2\sqrt{2} \quad (3)$$

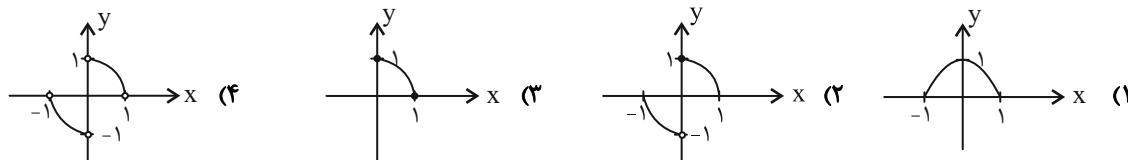
محل انجام محاسبات



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

حسابان ۲: تابع: صفحه‌های ۱ تا ۱۲

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اختیاری است.

۴۱ - نمودار کدام تابع در شرط  $f(x) + f(-x) = 0$  صدق می‌کند؟۴۲ - نمودار تابع  $y = \sqrt{-x}$  را یک واحد به راست منتقل می‌کنیم سپس این نمودار را نسبت به محور عرض‌ها قربنده می‌کنیم و

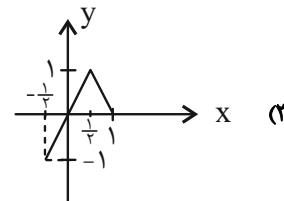
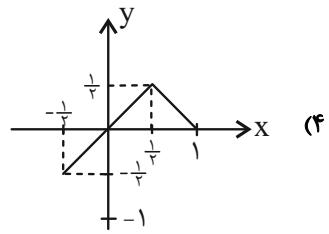
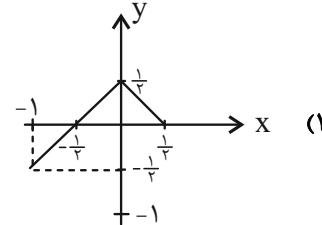
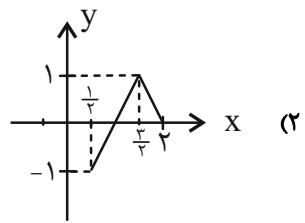
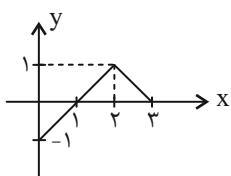
مجددأً یک واحد به راست منتقل می‌کنیم. ضابطه تابعی که نمودار آن به دست آمده کدام است؟

$y = \sqrt{x}$  (۲)

$y = \sqrt{x+2}$  (۱)

$y = \sqrt{x-2}$  (۴)

$y = \sqrt{-x+2}$  (۳)

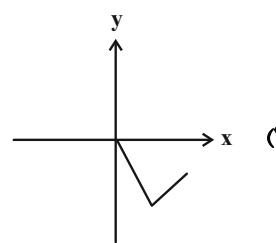
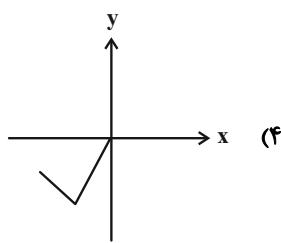
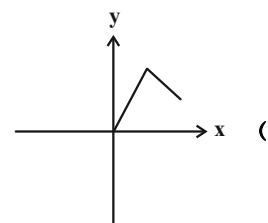
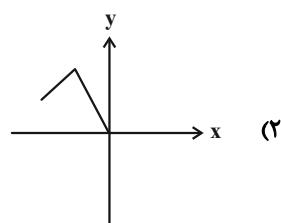
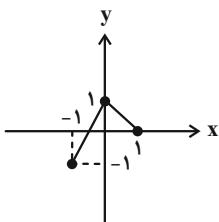
۴۳ - اگر نمودار  $f$  به صورت شکل مقابل باشد، نمودار تابع  $y = f(2x-1)$  کدام است؟

مشابه سوال‌هایی که با آیکون مشخص شده‌اند در امتحانات تشریحی وجود دارد.

محل انجام محاسبات



۴۴- اگر نمودار تابع  $y = f(2x+3) - \frac{1}{2}$  به صورت زیر باشد، نمودار تابع  $y = 2f(-\frac{1}{2}x+1)$  شبیه کدام نمودار است؟



۴۵- اگر  $f(x) = \sqrt{x^2 - 4x + 1} + 1$  و  $g(x) = \sqrt{7-x} + 2$  باشد، با کدام انتقال، نمودار تابع  $g \circ f$  بر نمودار تابع  $g$  منطبق می‌شود؟

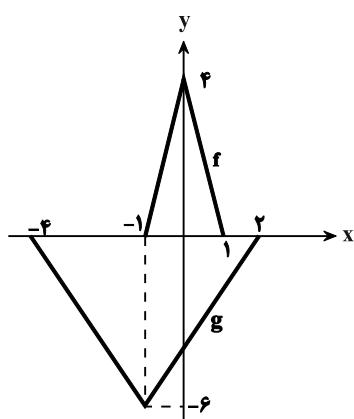
۲) واحد به چپ و یک واحد به بالا

۱) ۳ واحد به راست و یک واحد به بالا

۴) ۳ واحد به چپ و یک واحد به پایین

۲) ۲ واحد به راست و یک واحد به پایین

۴۶- در شکل زیر، اگر تابع  $g$  از روی تابع  $f$  ساخته شده باشد، ضابطه تابع  $g$  کدام است؟



$$g(x) = -\frac{3}{2}f\left(\frac{1}{3}x+1\right) \quad (1)$$

$$g(x) = -\frac{3}{2}f\left(-\frac{x}{2}-1\right) \quad (2)$$

$$g(x) = -\frac{3}{2}f\left(-\frac{x-1}{3}\right) \quad (3)$$

$$g(x) = -\frac{3}{2}f\left(\frac{1}{3}x+\frac{1}{3}\right) \quad (4)$$



۴۷- برای آن که نمودار تابع  $f(x) = |x+2| - 5$  دقیقاً بر روی نمودار تابع  $|g(x) = 1-x|$  منطبق شود، کدام ترتیب برای این انتقال

صحیح است؟ آزمون وی ای پی

۱) ۲ واحد در جهت  $x$  ها رو به راست و ۵ واحد در جهت  $y$  ها رو به بالا

۲) ۲ واحد در جهت  $x$  ها رو به چپ و ۵ واحد در جهت  $y$  ها رو به پایین

۳) ۳ واحد در جهت  $x$  ها رو به راست و ۵ واحد در جهت  $y$  ها رو به بالا

۴) ۳ واحد در جهت  $x$  ها رو به چپ و ۵ واحد در جهت  $y$  ها رو به پایین

۴۸- اگر نقطه  $A = (-3, 1)$  روی نمودار تابع  $y = 3 - f(4 - \frac{x}{3})$  باشد، نقطه نظیر نقطه  $A$  روی نمودار تابع  $y = 2f(2x - 3) + 1$  کدام است؟

(۱) ۵ ، (۲) ۱۵

(۱) ۱۵ ، (۲)

(۳)  $-\frac{13}{3}$  ، (۴)  $\frac{13}{3}$

(۳)  $-\frac{13}{3}$  ، (۴)

۴۹- نمودار تابع  $f(x) = 2x + 3$  را ۳ واحد در جهت  $x$  های مثبت انتقال داده و سپس آنرا در راستای محور عرضها تا ۴ برابر منقبض

می‌کنیم. نمودار حاصل را چند واحد در راستای محور طولها به سمت چپ انتقال دهیم تا نمودار بدست آمده و  $f(x)$  هم‌دیگر روی محور طولها قطع کنند؟

(۱)  $\frac{21}{2}$  (۲)

(۳) ۱

(۴)  $\frac{17}{2}$

(۳) ۴

۵۰- نمودار تابع  $f(x) = \sqrt{x - \frac{2x}{|x|}}$  را نسبت به مبدأ مختصات قرینه می‌کنیم و نمودار حاصل را یک واحد به بالا انتقال می‌دهیم. اگر

نمودار تابع حاصل محور  $x$  ها را در دو نقطه قطع کند، حاصل ضرب طول این نقاط کدام است؟

(۱) ۲ (۲) ۱

(۳) -۱

(۴) ۳

(۳) -۳

محل انجام سوابقات



وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

حسابان ۲: آشنا

۵۱- نمودار کدام از انقباض عمودی نمودار تابع  $f$  به دست می‌آید؟

$y = \frac{1}{3}f(x)$  ۴

$y = 3f(x)$  ۳

$y = f(3x)$  ۲

$y = f\left(\frac{x}{3}\right)$  ۱

۵۲- می خواهیم نمودار تابع  $y = x^3 - 2x + 3$  را به گونه‌ای انتقال دهیم تا بر نمودار تابع  $y = x^3$  منطبق شود، فرایند تبدیل کدام گزینه است؟

۱) ابتدا ۱ واحد به سمت راست، سپس ۲ واحد به سمت پایین.

۲) ابتدا ۱ واحد به سمت چپ، سپس ۲ واحد به سمت پایین.

۳) ابتدا ۱ واحد به سمت راست، سپس ۲ واحد به سمت بالا.

۴) ابتدا ۲ واحد به سمت چپ، سپس ۲ واحد به سمت پایین.

۵۳- نمودار تابع  $f$  را یک واحد به چپ منتقل می‌کنیم. سپس آن را نسبت به محور عرض‌ها قرینه می‌کنیم و در انتهای عرض هر نقطه را دو برابر می‌کنیم. ضابطه تابعی که نمودار آن به دست آمده است، کدام است؟

$y = -f(2x+2)$  ۴

$y = f(-2x+2)$  ۳

$y = -2f(x+1)$  ۲

$y = 2f(1-x)$  ۱

۵۴- نمودار تابع  $f(x) = \sqrt{x-1}$  را ابتدا نسبت به محور  $y$  ها قرینه می‌کنیم، سپس ۴ واحد به سمت راست انتقال می‌دهیم. نمودار جدید محور طول‌ها را با کدام طول قطع می‌کند؟

۱) ۴

۲)  $\sqrt{2}$

۳) ۲

۴) ۳

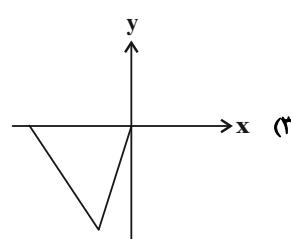
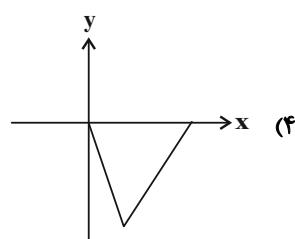
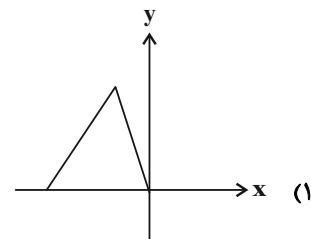
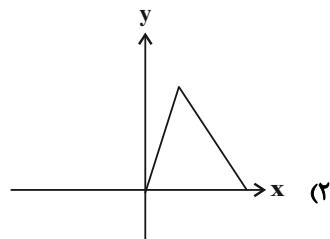
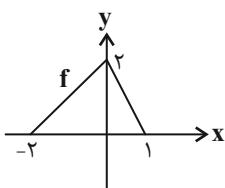
۵۵- نمودار تابع  $f$  را ابتدا دو واحد به سمت چپ منتقل می‌کنیم، سپس آن را نسبت به محور  $x$  ها قرینه کرده و در نهایت دو واحد به سمت پایین منتقل می‌کنیم تا تابع  $g$  با ضابطه  $g(x) = -|x+5|+2$  به دست آید. ضابطه تابع  $f$  کدام است؟

$f(x) = -|x+1|+2$  ۲

$f(x) = |x+3|-4$  ۱

$f(x) = -|x+2|+2$  ۴

$f(x) = -|x+3|+4$  ۳

۵۶- اگر نمودار تابع  $f$  به صورت شکل رو به رو باشد، نمودار تابع  $(y = -3f(\frac{x}{2}+1))$  شبیه کدام است؟

محل انجام محاسبات



۵۷- اگر  $g(x) = 2f(2x) - f(x+2)$  کدام است؟

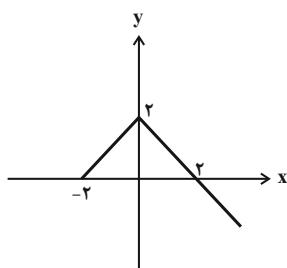
$[-2, -1]$  (۴)

$[-6, -2]$  (۳)

$[-3, 1]$  (۲)

$[-6, -\frac{1}{2}]$  (۱)

۵۸- اگر نمودار تابع  $f$  به صورت شکل زیر باشد، مساحت سطح محدود بین نمودار  $y = f(x)$  و  $y = -f(-x)$  کدام است؟



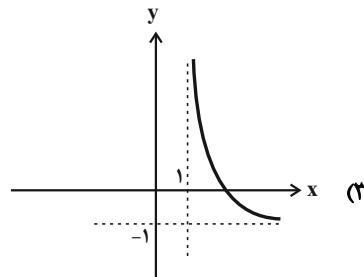
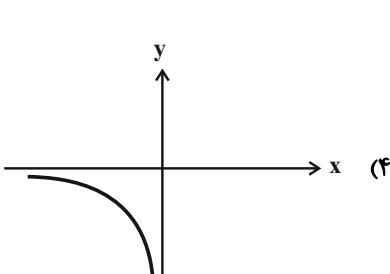
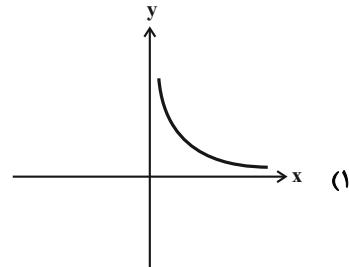
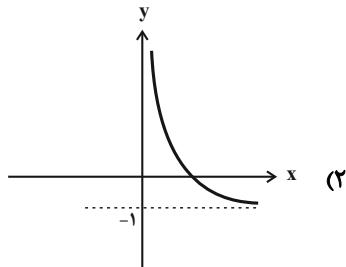
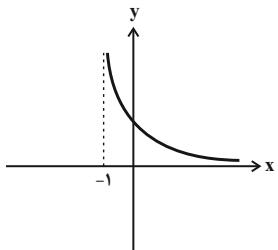
۱۶ (۱)

۲۲ (۲)

۸ (۳)

۴ (۴)

۵۹- نمودار تابع  $f$  در شکل مقابل رسم شده است. نمودار تابع  $y = f^{-1}(x-1)$  کدام است؟



۶۰- نقطه  $A(3, 1)$  روی نمودار تابع  $f$  به نقطه  $A'$  روی نمودار تابع  $g(x) = f(1-2x)-3$  تبدیل می‌شود. فاصله این دو نقطه از هم کدام است؟

۵ (۴)

$\sqrt{13}$  (۳)

$\sqrt{17}$  (۲)

$2\sqrt{5}$  (۱)



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

هنده سه ۳: ماتریس و کاربردها: صفحه های ۹ تا ۱۹

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اختیاری است.

۶۱- اگر  $A$ ,  $B$  و  $C$  سه ماتریس و  $r$  عددی حقیقی باشد، چه تعداد از روابط زیر همواره درست است؟

$$A + (-A) = 0$$

$$A + (B + C) = (A + B) + C$$

$$rA = rB \Rightarrow A = B$$

۳ (۴)

۲ (۳)

۱ (۲)

۱) صفر

۶۲- اگر  $3A + 2B = \begin{bmatrix} 11 & 12 \\ 13 & 14 \end{bmatrix}$  و  $2A - 3B = -5 \begin{bmatrix} 2 & 1 \\ 0 & -1 \end{bmatrix}$  باشند، آنگاه سطر اول ماتریس  $A$  کدام است؟

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 \end{bmatrix} (۲)$$

$$\begin{bmatrix} 13 & 26 \end{bmatrix} (۱)$$

$$\begin{bmatrix} 3 & 4 \end{bmatrix} (۴)$$

$$\begin{bmatrix} 39 & 52 \end{bmatrix} (۳)$$

۶۳- اگر ماتریس‌های  $b_{ij}$  تعریف شده  $b_{ij} = \begin{cases} i^2 - 1 & ; \quad i=j \\ i+2j & ; \quad i > j \\ i-j+1 & ; \quad i < j \end{cases}$  و  $a_{ij} = \begin{cases} i^2 - 1 & ; \quad i=j \\ 2i-j & ; \quad i > j \\ j-i & ; \quad i < j \end{cases}$  به صورت  $B = [b_{ij}]_{2 \times 3}$  و  $A = [a_{ij}]_{3 \times 2}$  باشند، ماتریس  $AB$  چند برابر مجموع درایه‌های ماتریس  $A$  است؟

۳ (۴)

۱ (۲)

۱ (۲)

۲ (۱)

۶۴- اگر  $BA = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 0 & 0 & 0 \\ 1 & 2 & 3 \end{bmatrix}$  و  $A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 0 & 0 & 0 \\ 1 & 2 & 3 \end{bmatrix}$  باشند، ماتریس  $AB$  کدام است؟

$$\begin{bmatrix} 6 \end{bmatrix} (۲)$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 2 \end{bmatrix} (۱)$$

$$\begin{bmatrix} 4 \end{bmatrix} (۴)$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \end{bmatrix} (۳)$$

۶۵- دو ماتریس  $B = \begin{bmatrix} m & x \\ n & y \end{bmatrix}$  و  $A = \begin{bmatrix} a-1 & a-3 \\ b+2 & b-3 \end{bmatrix}$  را در نظر بگیرید. اگر  $A$  ماتریسی قطری و  $B = A$  باشد، حاصل کدام است؟

۱ (۴)

-1 (۳)

۲ (۲)

-2 (۱)

مشابه سوال‌هایی که با آیکون مشخص شده‌اند در امتحانات تشریحی وجود دارد.

محل انجام محاسبات



۶۶- برای دو ماتریس مربعی و هم مرتبه  $A$  و  $B$  داریم  $C = A - B = \begin{bmatrix} 2 & 3 \\ -1 & 0 \end{bmatrix}$ . اگر  $C$  ماتریسی اسکالر و مجموع

درایه‌های ماتریس  $A$  برابر ۲ باشد، مجموع درایه‌های ماتریس  $C$  کدام است؟

۸ (۲)

۶ (۱)

-۴ (۴)

-۱۰ (۳)

۶۷- باشند، آن‌گاه مجموع درایه‌های ستون سوم ماتریس  $ABC$  کدام  $C = \begin{bmatrix} 1 & y & 1 \\ 1 & z & 1 \\ x & y & 0 \end{bmatrix}$  و  $B = \begin{bmatrix} 3 & 2 & 1 \\ 1 & 3 & 2 \\ 1 & 2 & 3 \end{bmatrix}$ ،  $A = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 1 \\ 0 & 2 & 0 \\ 3 & 0 & 3 \end{bmatrix}$ ، اگر

است؟

۴۰ (۲)

۳۰ (۱)

۶۰ (۴)

۵۰ (۳)

۶۸- اگر حاصل ضرب جواب‌های معادله  $\begin{bmatrix} a & 1 & 1 \\ -4 & 0 & -2 \\ 1 & 2 & a \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ 2x \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} x \\ 2x \\ 1 \end{bmatrix}$  برابر ۵ باشد، مجموع جواب‌های آن کدام است؟

-۲ (۲)

۲ (۱)

۱ (۴)

-۱ (۳)

۶۹- اگر ماتریس  $A = [a_{ij}]_{3 \times 4}$  تعریف شده باشد، حاصل  $\sum_{j=1}^4 a_{2j}$  کدام است؟

۲۱ (۲)

۱۹ (۱)

۱۷ (۴)

۲۳ (۳)

۷۰- اگر  $AB = \begin{bmatrix} 2 & y \\ 1 & 0 \\ -2 & 1 \end{bmatrix}$  و  $BA$  ماتریسی قطری باشد، بزرگ‌ترین درایه ماتریس  $BA$  چه کسری از کوچک‌ترین

درایه ماتریس  $AB$  است؟

۲/۵ (۲)

۰/۴ (۱)

-۲/۵ (۴)

-۰/۴ (۳)

محل انجام محاسبات



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

هنده ۱: ترسیم‌های هندسی و استدلال: صفحه‌های ۹ تا ۲۷

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اختیاری است.

۷۱- بخشی از روش رسم نیمساز زاویه  $x\hat{O}y = 120^\circ$  این‌گونه است: «به مرکز  $O$  کمانی به شعاع واحد رسم می‌کنیم تا  $Ox$  و  $Oy$  را در نقاطقطع کند. سپس به مرکزهای  $A$  و  $B$  دو کمان به شعاع‌های  $R > a$  رسم می‌کنیم.» کدام مقدار  $a$  کدام است؟

۱ (۲)

 $\frac{\sqrt{3}}{2}$  (۱) $\frac{2\sqrt{3}}{3}$  (۴) $\frac{3}{4}$  (۳)۷۲- در مثلثی به طول اضلاع ۵، ۶ و ۷ واحد،  $O$  نقطه همرسی عمودمنصف‌ها است. فاصله  $O$  از ضلع بزرگتر این مثلث چند واحد است؟

۰/۷۵ (۲)

۰/۶۲۵ (۱)

۱ (۴)

۰/۸۷۵ (۳)

۷۳- در مثلث  $ABC$ ، نقطه  $E$  روی ضلع  $AB$  طوری قرار دارد که از دو ضلع  $AC$  و  $BC$  به یک فاصله است. کدام نامساوی همواره درست است؟ $BC < CE$  (۲) $CE < AC$  (۱) $BE < CE$  (۴) $AE < AC$  (۳)۷۴- خط  $d$  و نقاط  $A$  و  $B$  در یک صفحه مفروض‌اند. با توجه به وضعیت‌های مختلف قرار گرفتن نقاط  $A$  و  $B$  نسبت به خط  $d$ ، تعداد نقاطی از صفحه که از  $A$  و  $B$  به یک فاصله بوده و از خط  $d$  به فاصله ۳ واحد باشند، کدام نمی‌تواند باشد؟

۱ (۲)

(۱) هیچ

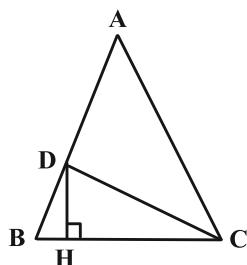
۴) بی‌شمار

۲ (۳)

محل انجام حسابات



۷۵- در مثلث متساوی الساقین زیر،  $AB = AC = 2CH$  و مساحت مثلث  $ADC$  دو برابر مساحت مثلث  $DHC$  است. اندازه زاویه  $A$  کدام است؟



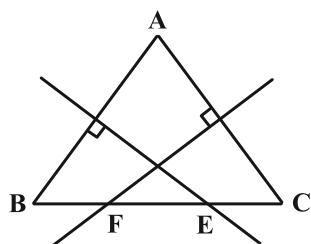
۲۴° (۱)

۱۸° (۲)

۳۲° (۳)

۳۶° (۴)

۷۶- در شکل زیر، عمودمنصفهای اضلاع  $AB$  و  $AC$ ، ضلع  $BC$  را به ترتیب در نقاط  $E$  و  $F$  قطع کرده است. اگر  $BC = 10$ ،  $CF = 8$  و  $BE = 6$  آن‌گاه محیط مثلث  $AEF$  کدام است؟



۱۸ (۱)

۱۷ (۲)

۱۶ (۳)

۱۵ (۴)

۷۷- طول اضلاع مثلثی به صورت  $2x - 2$ ،  $5x + 4$  و  $3x + 4$  هستند. بیشترین مقدار محیط این مثلث به شرطی که طول اضلاع مثلث،

اعدادی صحیح باشند، کدام است؟

۵۷ (۲)

۵۲ (۱)

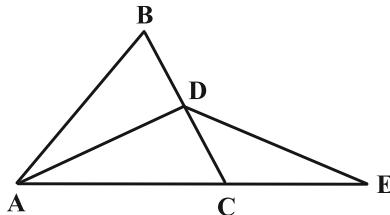
۶۶ (۴)

۶۱ (۳)

محل انجام سحابیات



۷۸- در شکل زیر،  $\triangle ABC$  و  $\triangle ADE$  دو مثلث متساوی الساقین ( $AB = AC$ ,  $AD = DE$ ) نیمساز زاویه  $A$  است. کدام یک از نامساوی‌های زیر را الزاماً نمی‌توان نتیجه گرفت؟



$$AC > DE \quad (1)$$

$$AD > CE \quad (2)$$

$$AB > AD \quad (3)$$

$$AC > BC \quad (4)$$

۷۹- در مثلث  $ABC$ ، اندازه زاویه  $B$  برابر  $\alpha$  است. اگر عمودمنصف ضلع  $BC$ ، ضلع  $AC$  را در نقطه  $M$  قطع کند به‌طوری که

$AB = CM$  باشد، آنگاه اندازه زاویه  $C$  کدام است؟

$$60^\circ + \frac{\alpha}{2} \quad (2)$$

$$60^\circ - \frac{\alpha}{2} \quad (1)$$

$$60^\circ + \frac{\alpha}{3} \quad (4)$$

$$60^\circ - \frac{\alpha}{3} \quad (3)$$

۸۰- در مثلث  $ABC$ ، رابطه  $\hat{A} = \frac{\hat{B}}{2} + \hat{C}$  بین اندازه زوایا برقرار است. محل تلاقی ارتفاعات این مثلث کجا قرار دارد؟

(۲) بیرون مثلث

(۱) درون مثلث

(۴) هر سه حالت امکان‌پذیر است.

(۳) روی یکی از رأس‌های مثلث

محل انجام محاسبات



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

ریاضیات گسسته: آشنایی با نظریه اعداد: صفحه های ۱ تا

پاسخ دادن به این سؤالات برای همه دانشآموزان اختیاری است.

۸۱- برای رد چه تعداد از گزاره‌های زیر می‌توان از مثال نقض استفاده کرد؟

(الف) برای هر  $k \in \mathbb{Z}$  ، حداقل یکی از دو عدد به صورت  $1 \pm 6k$  عددی اول و بزرگ‌تر از ۳ است.(ب) اگر  $x$  و  $y$  اعدادی گنگ باشند،  $x^y$  همواره گنگ است.(پ) برای هر عدد طبیعی  $n$  حاصل  $1 + 2^n$  عددی اول است.(ت) برای هر عدد طبیعی  $n$  بزرگ‌تر از ۱، عدد  $1 - 2^n$  عددی اول است.

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

۸۲- اگر عددهای  $y$  و  $x+3y$  و  $2x-y$  گنگ و عدد  $x+y$  گویا باشد، آنگاه با استفاده از ... ثابت می‌شود که  $x$  عددی ... است.

(۱) برهان خلف - گنگ

(۲) در نظر گرفتن همه حالت‌ها - گویا

(۳) برهان خلف - گنگ

۸۳- فرض کنید  $a$  و  $b$  دو عدد طبیعی باشند. اگر در اثبات نامساوی  $(1) 3a^2b^2 + a^2 + b^2 + 1 \geq 2ab(a+b+1)$  به روش بازگشتی به رابطهبدیهی  $x^2 + y^2 + z^2 \geq 0$  رسیده باشیم، حاصل  $|x| + |y| + |z|$  همواره برابر کدام است؟

۳ab + a + b + 1 (۲)

۳ab - a - b - 1 (۱)

ab + 2a + 2b + 1 (۴)

ab - 2a - 2b - 1 (۳)

۸۴- اگر مجذور تعداد زیرمجموعه‌های دو عضوی یک مجموعه  $n$  عضوی، عددی زوج باشد،  $n$  چند مقدار دو رقمی می‌تواند اختیار کند؟

۵۰ (۴)

۴۵ (۳)

۴۴ (۲)

۴۰ (۱)

۸۵- در مورد سه مجموعه ناتهی  $A$ ،  $B$  و  $C$  کدام رابطه با مثال نقض رد نمی‌شود؟ $A \cap B = A \cap C \Rightarrow B = C$  (۲) $A \cup B = A \cup C \Rightarrow B = C$  (۱) $A \times B = A \times C \Rightarrow B = C$  (۴) $A - B = A - C \Rightarrow B = C$  (۳)

مشابه سؤال‌هایی که با آیکون مشخص شده‌اند در امتحانات تشریحی وجود دارد.

محل انجام محاسبات



۸۶- عدد  $x = \frac{\sqrt{3}-1}{2}$  مثال نقض مناسبی برای رد کردن حکم زیر است. ضابطه  $f(x)$  کدام می‌تواند باشد؟

«اگر  $x$  گنگ باشد، آن‌گاه  $f(x)$  هم گنگ است.»

$$f(x) = x^3 + x \quad (۲)$$

$$f(x) = x^3 - x \quad (۱)$$

$$f(x) = x^3 + 2x \quad (۴)$$

$$f(x) = x^3 - 2x \quad (۳)$$

۸۷- به ازای چند عدد طبیعی  $n$  از مجموعه  $A = \{100, 101, \dots, 200\}$  عدد  $\frac{n^2(n+1)^2}{9}$  زوج است؟

۶۶ (۲)

۶۵ (۱)

۶۸ (۴)

۶۷ (۳)

۸۸- اگر  $n \in \mathbb{N}$  باشد، آن‌گاه عبارت  $a^3 + b^3$  چگونه است؟

(۲) همواره فرد

(۱) همواره زوج

(۴) گاهی زوج و گاهی فرد

(۳) همواره اول

۸۹- اگر  $a_1, a_2$  و  $a_3$  عددهایی صحیح و  $b_1, b_2$  و  $b_3$  همان اعداد ولی با ترتیب دیگری باشند، چه تعداد از عبارت‌های زیر قطعاً زوج هستند؟

- $(a_1 - b_1)(a_2 - b_2)(a_3 - b_3)$

- $a_1 a_2 a_3 + b_1 b_2 b_3$

- $(a_1 - b_1)(a_2 - b_2)^3(a_3 - b_3)$

- $2a_1 b_1 + a_2 b_2 + 3a_3 b_3$

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

۹۰- در اثبات نامساوی  $a^3 + b^3 + k^3 \geq a + ab + b$  به روش اثبات بازگشتی، حداقل مقدار  $k$  برای این‌که به یک رابطه بدیهی بررسیم

و تمامی مراحل برگشت پذیر باشند، کدام است؟

۲ (۲)

۱ (۱)

$\frac{1}{2} (۴)$

$\sqrt[3]{2} (۳)$

محل انجام محاسبات



# تخته‌چک سوال

## آزمون تابستان «۵ مرداد ۱۴۰۳» دفترچه دوم اختصاصی دوازدهم ریاضی (فیزیک و شیمی)

مدت زمان کل پاسخ‌گویی سوالات: ۸۵ دقیقه

تعداد کل سوالات: ۷۰ سوال

(۴۰ سوال اجباری + ۳۰ سوال اختیاری)

نام درس	تعداد سوال	شماره سوال	زمان پاسخگویی
اجباری	۲۰	۹۱-۱۱۰	۲۵'
فیزیک ۲	۲	فیزیک-۲-آشنا	
اجباری	۱	۱۱۱-۱۲۰	۱۵'
اختیاری	۳	۱۲۱-۱۳۰	۱۵'
اجباری	۲	۱۳۱-۱۴۰	۱۰'
اختیاری	۱	۱۴۱-۱۵۰	۱۰'
اجباری	۳	۱۵۱-۱۶۰	۱۰'
جمع کل	۷۰	۹۱-۱۶۰	۸۵'

### پذیدآورندگان

نام درس	نام طراحان
فیزیک	بابک اسلامی-عباس اصغری-عبدالرضا امنی نسب-شهرام آزاد-زهره آقامحمدی-مهدی برای-امیرحسین برادران-امیرعلی حاتم خانی سید ابوالفضل خالقی-محمدعلی راست پیمان-فرشید رسولی-امیر رضا صدری یکتا-پوریا علاقه مند-بهادر کامران-مصطفی کیانی علیرضا گونه-احسان محمدی-میلاد تقتو
شیمی	علی امینی-امیرعلی بیات-علیرضا بیانی-مسعود جعفری-امیر حاتمیان-میرحسین حسینی-ارزنگ خانلری-عبدالرضا دادخواه-امید رضوانی علی رفیعی-حامد رمضانیان-امیر محمد سعیدی-رضا سلیمانی-جواد سوری لکی-محمد جواد صادقی-مسعود طبرسا-رسول عابدینی زواره میلاد عزیزی-آرمین عظیمی-امیر قاسمی-امین نوروزی-محسن هادی-محمد رضا یوسفی

### گزینشگران و ویراستاران

نام درس	فیزیک	شیمی
گزینشگر	مصطفی کیانی	ماهان زواری
گروه ویراستاری	زهره آقامحمدی بهنام شاهنی	احسان پنجه‌شاهی محمدحسن محمدزاده مقدم امیرحسین مسلمی امیرعلی بیات
مسئول درس	حسام نادری	ماهان زواری
مستندسازی	علیرضا همایون خواه	امیرحسین توحیدی
ویراستاران (مستندسازی)	احسان صادقی- مهدی گنجی وطن مصطفیه صنعت کار	محسن دستجردی- حسین شاهسواری امیرحسین کلانتری

### کروه فنی و تولید

مهدی گروه	مهرداد ملوندی
مسئول دفترچه	نرگس غنیزاده
کروه مستندسازی	مدیر گروه: محیا اصغری
حروفنگار	مسئول دفترچه: الهه شهبازی
ناظر چاپ	فرزانه فتح الهزاده
	سوران نعیمی

### کروه آزمون

بنیاد علمی آموزشی قلمچی «وقف عام»

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۷۳ - تلفن: ۰۱-۶۴۶۳



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

فیزیک ۲: الکتریسیته ساکن: صفحه های ۱ تا ۳۲

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اجباری است.

۹۱- عدد اتمی کربن برابر با  $Z = 6$  است. به ترتیب از راست به چپ، بار الکتریکی هسته اتم کربن و بار الکتریکی اتم کربن یک بار

$$\text{یونیده } (\text{C}^+) \text{ برابر با چند میکروکولن است؟ } (e = 1/6 \times 10^{-19} \text{ C})$$

$$(1) 1/6 \times 10^{-19}, (2) 9/6 \times 10^{-13}, (3) 8 \times 10^{-13}$$

$$(4) 8 \times 10^{-13}, (5) 9/6 \times 10^{-13}, (6) 1/6 \times 10^{-13}$$

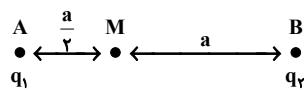
۹۲- دو کره فلزی مشابه دارای بارهای الکتریکی  $q_1 = +4\mu\text{C}$  و  $q_2 = -16\mu\text{C}$  در فاصله  $r$  نیرویی به اندازه  $N/0$  بر یکدیگر واردمی‌کنند. این دو کره را با یکدیگر تماس می‌دهیم و سپس در فاصله  $\frac{3}{4}r$  از یکدیگر قرار می‌دهیم. در این حالت، بزرگی نیروی

بین دو کره چند نیوتون می‌شود؟

$$(1) 0/1, (2) 0/4, (3) 0/9, (4) 2/5$$

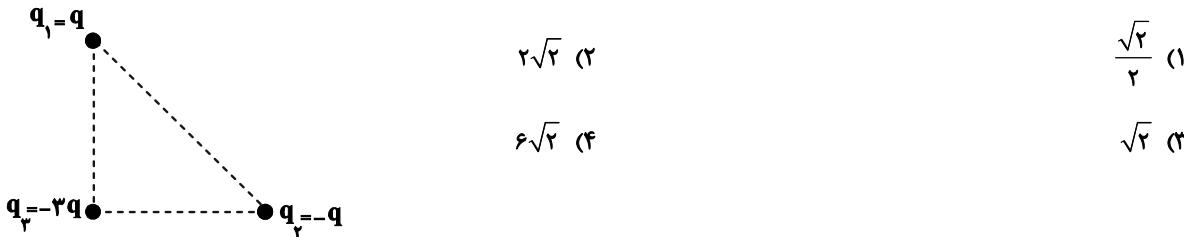
۹۳- مطابق شکل زیر، دو بار الکتریکی نقطه‌ای  $q_1$  و  $q_2$  در نقاط A و B قرار دارند و میدان الکتریکی خالص در نقطه M برابر با  $\vec{E}$ 

است. اگر بار  $q_1$  خنثی شود، میدان الکتریکی خالص در نقطه M برابر با  $\frac{\vec{E}}{4}$  می‌شود. حاصل  $\frac{q_1}{q_2}$  کدام است؟



$$(1) \frac{3}{4}, (2) -\frac{3}{4}, (3) 3, (4) -3$$

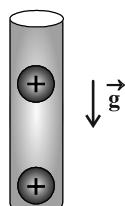
۹۴- در شکل زیر، سه ذره باردار در سه رأس یک مثلث قائم الزاویه متساوی الساقین ثابت شده‌اند. اگر بزرگی نیروی الکتریکی که دو

بار  $q$  و  $-q$  به هم وارد می‌کنند، برابر با  $F$  باشد، برایند نیروهای الکتریکی وارد بر بار  $q_3$  چند برابر F است؟

محل انجام محاسبات



۹۵- مطابق شکل زیر، دو گوی مشابه به جرم‌های  $\frac{1}{4}g$  و بار یکسان  $q +$  در فاصله  $30\text{ cm}$  از هم قرار دارند و گوی بالایی در حال تعادل است. هر یک از گوی‌ها نسبت به حالت خنثی چه تعداد الکترون از دست داده‌اند؟ ( $C = 10^{-19}\text{ C}$ )



$$5 \times 10^{13}$$

$$8 \times 10^{13}$$

$$k = 9 \times 10^9 \frac{\text{N} \cdot \text{m}^2}{\text{C}^2}$$

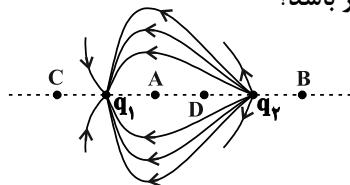
$$5 \times 10^{12}$$

$$8 \times 10^{12}$$

۹۶- چگالی سطحی بار الکتریکی دو کره رسانای باردار با بارهای همنام و شعاع‌های  $r_1$  و  $r_2 = 5r_1$  با هم برابر است. چند درصد از بار کره‌ای که اندازه بار الکتریکی آن بیشتر است را به کره دیگر منتقل کنیم تا اندازه بار دو کره یکسان شود؟

$$(1) 52 \quad (2) 48 \quad (3) 40 \quad (4) 60$$

۹۷- مطابق شکل زیر، دو بار الکتریکی  $q_1$  و  $q_2$  در مجاورت هم قرار گرفته‌اند و خطوط میدان الکتریکی آنها رسم شده است. میدان الکتریکی خالص ناشی از دو بار  $q_1$  و  $q_2$  در کدام نقطه بر روی خط وصل آنها می‌تواند صفر باشد؟



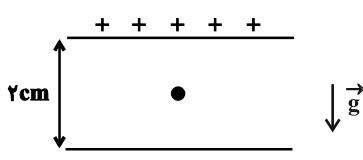
$$A \quad (1)$$

$$B \quad (2)$$

$$C \quad (3)$$

$$D \quad (4)$$

۹۸- مطابق شکل زیر، ذره‌ای به جرم یک گرم و بار الکتریکی  $4\mu\text{C}$  در فضای بین دو صفحه رسانای افقی موازی به حالت معلق قرار دارد. اختلاف پتانسیل الکتریکی بین دو صفحه چند ولت است؟ ( $g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}$ )

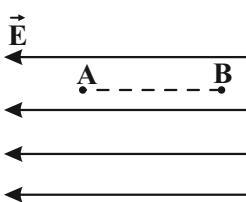


$$(1) 250 \quad (2) 500 \quad (3) 50 \quad (4) 25$$

۹۹- مطابق شکل زیر، کاری که میدان الکتریکی یکنواخت در جایه‌جایی بار نقطه‌ای  $q = 50\mu\text{C}$  از نقطه A تا نقطه B انجام می‌دهد، برابر با  $10\text{ mJ}$  است. جهت میدان الکتریکی E و اختلاف پتانسیل الکتریکی بین دو نقطه ( $V_B - V_A$ ) برحسب ولت کدام است؟

$$(1) \leftarrow 20, \rightarrow 20 \quad (2) \leftarrow 200, \rightarrow 200 \quad (3) \leftarrow 200, \leftarrow 200 \quad (4) \leftarrow 20, \leftarrow 20$$

۱۰۰- در شکل زیر، بار الکتریکی  $q -$  را یک بار با شتاب ثابت و بار دیگر با سرعت ثابت از نقطه A تا نقطه B، جایه‌جا می‌کنیم. در این دو حالت تغییر انرژی پتانسیل الکتریکی بار چگونه است؟



$$(1) \text{ در حالت اول بیشتر از حالت دوم است.}$$

$$(2) \text{ در حالت اول کمتر از حالت دوم است.}$$

$$(3) \text{ در هر دو حالت یکسان است.}$$

$$(4) \text{ باید سرعت و شتاب جسم معلوم باشد.}$$



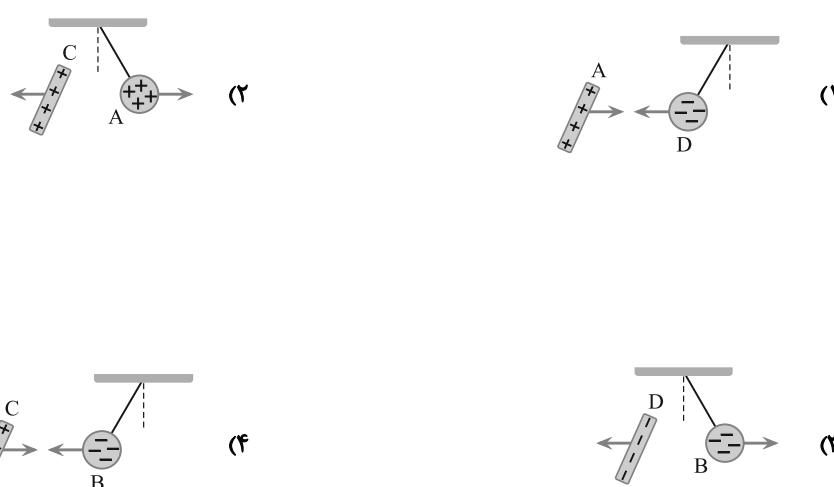
وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

فیزیک ۲: آشنا: صفحه های ۱ تا ۳۲

۱۰۱- با توجه به جدول سری الکتریسیتۀ مالشی، جسم A را با جسم C مالش می دهیم. کدام شکل جاذبه یا

جدول سری الکتریسیتۀ مالشی	
انتهای مثبت سری	
A	
B	
C	
D	
انتهای منفی سری	

دافعه بین دو جسم و نوع بار آنها را درست نشان می دهد؟

۱۰۲- در صفحۀ xy، بار الکتریکی نقطه‌ای  $q_1 = -2\mu C$  در نقطۀ A به مختصات (۰, ۹cm) قرار دارد و بار الکتریکی  $q_2 = -8\mu C$  نیزدر نقطۀ B به مختصات (۰, ۱۲cm) ثابت نگه داشته شده است. بار الکتریکی نقطه‌ای  $q_3$  در مکانی در این صفحه قرار دارد کهنیروی الکتریکی خالص وارد بر آن از طرف  $q_1$  و  $q_2$  صفر است. فاصلۀ بین  $q_1$  و  $q_3$  چند سانتی‌متر است؟

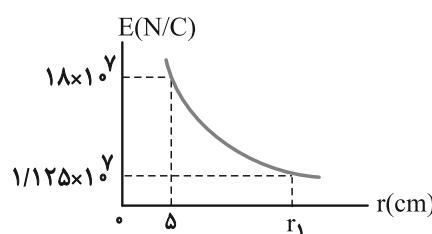
۳ (۴)

۵ (۳)

۶ (۲)

۱۰ (۱)

۱۰۳- نمودار تغییرات میدان الکتریکی حاصل از بار نقطه‌ای q بر حسب فاصله از آن به صورت شکل زیر است. به ترتیب از راست به

چپ اندازه q بر حسب میکروکولون و r بر حسب سانتی‌متر مطابق با کدام گزینه است؟ ( $k = ۹ \times 10^9 N \cdot m^2 / C^2$ )

۱۰ ، ۵۰ (۱)

۲۰ ، ۵۰ (۲)

۱۰ ، ۲۵ (۳)

۲۰ ، ۲۵ (۴)

محل انجام محاسبات



۱۰۴- دو بار الکتریکی نقطه‌ای  $C = 6\mu C$  و  $q_1 = -8\mu C$  در فاصله ۱۲۰ سانتی‌متری از هم ثابت نگه داشته شده‌اند. اندازه میدان الکتریکی حاصل، در نقطه‌ای روی عمودمنصف خط واصل بارها و در فاصله ۶۰ سانتی‌متری خط واصل، چند نیوتون بر کولن است؟

$$(k = 9 \times 10^9 \frac{N \cdot m^2}{C^2})$$

(۱)  $1/25 \times 10^5$

(۲)  $1/25 \times 10^3$

(۳)  $2/5 \times 10^5$

(۴)  $2/5 \times 10^3$

۱۰۵- مطابق شکل زیر، دو بار الکتریکی نقطه‌ای نامنام و هماندازه در فاصله معینی از یکدیگر ثابت شده‌اند. اگر روی خط واصل دو بار

از پایین به سمت بالا حرکت کنیم، بزرگی میدان الکتریکی برایند:



(۱) ابتدا کاهش و سپس افزایش می‌یابد.

(۲) همواره کاهش می‌یابد.

(۳) ابتدا افزایش و سپس کاهش می‌یابد.

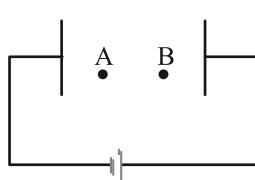
(۴) همواره افزایش می‌یابد.

۱۰۶- در شکل زیر، اندازه میدان الکتریکی یکنواخت بین دو صفحه  $\frac{N}{C} = 2 \times 10^4 \frac{N}{m^2}$  است. یک پروتون را از نقطه A با تندی اولیه  $10^3 \frac{m}{s}$

در خلاف جهت میدان الکتریکی پرتاب می‌کنیم و پروتون در نقطه B متوقف می‌شود. حال اگر جای پایانه‌های ساتری را عوض

کنیم و پروتون را با همان تندی قبلی از نقطه A به سمت نقطه B پرتاب کنیم، تندی آن در نقطه B چند متربرثانیه می‌شود؟

(از وزن پروتون و مقاومت هوا صرف نظر می‌شود.)



(۱)  $2\sqrt{2} \times 10^4$

(۲)  $\frac{1}{2} \times 10^4$

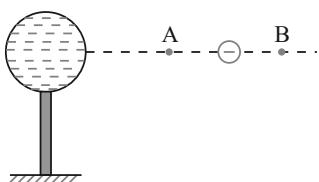
(۳)  $\sqrt{2} \times 10^4$

(۴)  $4 \times 10^4$

محل انجام محاسبات



۱۰۷- در شکل زیر، کره فلزی با بار الکتریکی منفی روی پایه نارسانایی قرار دارد و ذرهای با بار منفی را از نقطه A تا نقطه B جابه‌جا می‌کنیم. در این آزمایش، به ترتیب از راست به چپ، پتانسیل الکتریکی نقطه B در مقایسه با پتانسیل الکتریکی نقطه A چگونه بوده و در این جایه‌جایی، انرژی پتانسیل الکتریکی ذره باردار چگونه تغییر می‌کند؟



- (۱) بیشتر- کاهش
- (۲) بیشتر- افزایش
- (۳) کمتر- کاهش
- (۴) کمتر- افزایش

۱۰۸- چه تعداد از عبارت‌های زیر، درست است؟

- الف) میدان الکتریکی درون جسم رسانای باردار منزوی صفر است.
- ب) بار اضافی داده شده به یک رسانا روی سطح خارجی آن توزیع می‌شود.
- پ) پتانسیل الکتریکی همه نقاط درون جسم رسانای باردار منزوی الزاماً صفر است.
- ت) برای یک جسم رسانای باردار که در شرایط تعادل الکتروستاتیکی قرار دارد، پتانسیل الکتریکی نقاط نوک تیز بیشتر از نقاط دیگر است.

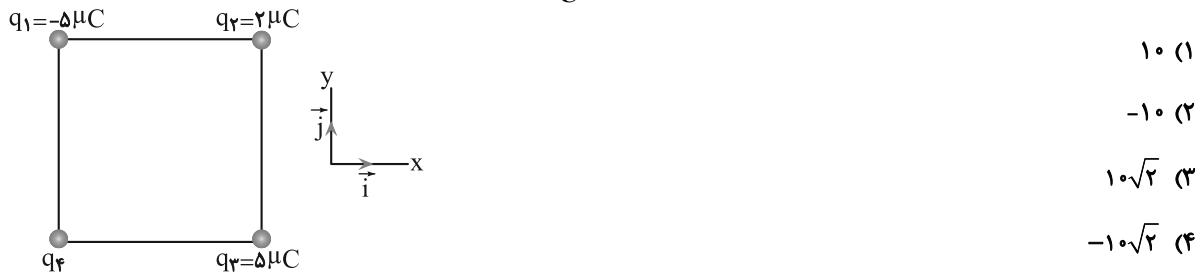
- (۱) ۱
- (۲) ۲
- (۳) ۳
- (۴) ۴

۱۰۹- بار الکتریکی  $q = -2 \times 10^{-9} C$  در راستای میدان الکتریکی یکنواخت، از نقطه A به نقطه B منتقل می‌شود و انرژی پتانسیل الکتریکی آن  $V_B - V_A = 2mJ$  افزایش می‌یابد. چند ولت است و جهت حرکت بار الکتریکی در مقایسه با جهت میدان الکتریکی چگونه است؟

- (۱)  $-10^5$  و در خلاف جهت میدان
- (۲)  $+10^5$  و در جهت میدان
- (۳)  $+10^5$  و در جهت میدان
- (۴)  $-10^5$  و در جهت میدان

۱۱۰- چهار ذره باردار مطابق شکل، در رأس‌های مربعی به ضلع  $10\text{ cm}$  قرار دارند. اگر نیروی الکتریکی خالص وارد بر

$$\vec{F} = (-18\text{ N})\hat{i} + (9 \times 10^9 \frac{\text{N} \cdot \text{m}^2}{\text{C}^2}) q_2 q_4 \hat{j} \quad \text{باشد، بار } q_4 \text{ چند میکروکولن است؟}$$



محل انجام محاسبات



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

فیزیک ۱: فیزیک و اندازه‌گیری: صفحه‌های ۱ تا ۲۲

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اجباری است.

۱۱۱- کدام یک از عبارت‌های زیر درست است؟

الف) در مدل‌سازی فیزیکی از هیچ اثری نباید صرف‌نظر کرد تا مسئله کامل‌تر بررسی شود.

ب) در فیزیک، مدل‌ها و نظریه‌ها دائمًا دستخوش تغییر می‌شوند و این نقطه ضعف آن است.

پ) فیزیک، شالوده و اساس تمام مهندسی‌ها و فناوری‌ها است.

ت) دالتون اولین مدل اتمی را به شکل توب بیلیارد ارائه کرد.

(۴) ب و ت

(۳) الف و پ

(۲) پ و ت

(۱) الف و ت

۱۱۲- مقدار  $\frac{\text{g} \cdot \text{m} \cdot \text{cm} \cdot \text{dm}^4}{\text{mL} \cdot \text{s}^2}$  ۱۶۵۰ برحسب یکاهای SI برابر با کدام گزینه است؟(۴)  $0/165\text{N}$ (۳)  $165\text{N}$ (۲)  $1/65 \times 10^4 \text{J}$ (۱)  $165\text{Pa}$ 

۱۱۳- کدام دسته از یکاهای زیر همگی از یکاهای اصلی SI هستند؟

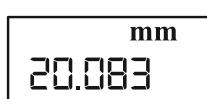
(۴) سانتی‌متر، کنده، مول

(۳) ژول، آمپر، ثانیه

(۲) پاسکال، کلوین، متر

(۱) کنده، آمپر، ثانیه

۱۱۴- در شکل زیر، نتیجه اندازه‌گیری با یک ریزسنج دیجیتال، نشان داده شده است. دقت اندازه‌گیری این ریزسنج چند سانتی‌متر است؟

(۱)  $0/001$ (۲)  $0/0001$ (۳)  $0/0003$ (۴)  $0/00003$ 

۱۱۵- چه تعداد از کمیت‌های زیر از نوع برداری است؟

ت) جریان الکتریکی

پ) نیرو

ب) جرم

الف) سرعت

(۲)

(۱)

(۴)

(۳)

محل انجام محاسبات



۱۱۶- جرم یک کره توپر  $10 \text{ kg}$  و چگالی ماده سازنده آن  $\frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$  است. مساحت سطح این کره چند سانتیمترمربع است؟ ( $\pi = 3$ )

۱۲۰ (۴)

۱۲۰۰ (۳)

۶۰۰ (۲)

۴۸۰ (۱)

۱۱۷- جرم یک کره فلزی  $28 \text{ kg}$  و شعاع خارجی آن  $R$  است. درون این کره حفره‌ای کروی شکل به شعاع  $\frac{R}{2}$  قرار دارد. اگر چگالی

فلز سازنده کره  $\frac{\text{kg}}{\text{L}}$  باشد،  $R$  چند سانتیمتر است؟ ( $\pi = 3$ )

۲۰ (۴)

۱۵ (۳)

۱۰ (۲)

۵ (۱)

۱۱۸- چگالی مخلوطی از دو مایع برابر با  $\frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$  است. اگر چگالی‌های این دو مایع  $\rho_1 = 1/2 \frac{\text{kg}}{\text{L}}$  و  $\rho_2 = 0/1 \frac{\text{kg}}{\text{L}}$  باشد، نسبت جرم

مایع (۱) به جرم مایع (۲) در داخل مخلوط کدام است؟ (در اثر مخلوط کردن دو مایع، تغییر حجم رخ نمی‌دهد.)

 $\frac{1}{2}$  (۴)

۲ (۳)

 $\frac{2}{9}$  (۲) $\frac{9}{2}$  (۱)

۱۱۹- کدام یک از گزینه‌های زیر عبارت مقابل را به درستی تکمیل می‌کند؟

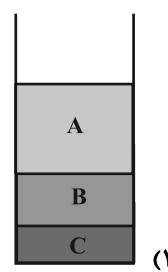
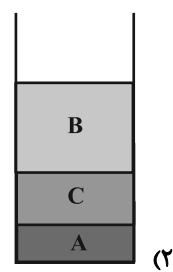
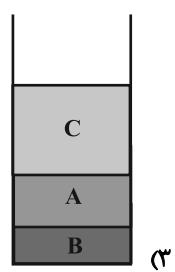
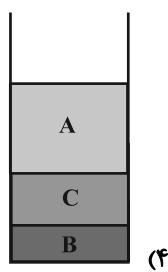
$$\frac{2/5 \times 10^5 \mu\text{J}}{\text{ns}} = \dots \frac{\text{kg} \cdot \text{m}^3}{\text{s}^3}$$

۲۵ (۲)

 $2/5 \times 10^{-3}$  (۱) $25 \times 10^5$  (۴) $2/5 \times 10^8$  (۳)

۱۲۰- جرم‌های مساوی از سه مایع مخلوط نشدنی A، B و C را که حجمشان به ترتیب  $10 \text{ cm}^3$ ،  $8 \text{ cm}^3$  و  $6 \text{ cm}^3$  است، در یک

استوانه می‌ریزیم. نحوه قرار گرفتن مایع‌ها مطابق کدام شکل است؟



محل انجام محاسبات



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

فیزیک ۳: حرکت بر خط راست: صفحه‌های ۱ تا ۱۳

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اختیاری است.

۱۲۱- متحرکی روی خط راست و در بازه زمانی  $\Delta t$  دائماً به مبدأ مکان نزدیک می‌شود. کدام گزینه در مورد این متحرک، در این بازه زمانی قطعاً درست است؟

الف) بردار مکان و بردار سرعت متحرک هم جهت هستند.

ب) بردار مکان و بردار سرعت متحرک مختلف جهت هستند.

پ) بردار سرعت و بردار شتاب متحرک هم جهت هستند.

ت) بردار سرعت و بردار شتاب متحرک مختلف جهت هستند.

۴) ب و ت

۳) الف و پ

۲) فقط ب

۱) فقط ت

۱۲۲- معادله مکان - زمان متحرکی در SI به صورت  $x = t^3 - 4t + 4$  است. بزرگی سرعت متوسط متحرک در ثانیه دوم حرکت چند

برابر بزرگی سرعت متوسط آن در ۲ ثانیه اول حرکت است؟

۴)

۳)

۶)

۱)

۱۲۳- بردار مکان و بردار سرعت متحرکی که بر روی محور  $x$  حرکت می‌کند، در دو لحظه  $t_1 = 5s$  و  $t_2 = 2s$  مطابق جدول زیر است.اگر مسافت طی شده توسط متحرک در این بازه زمانی برابر با  $9m$  باشد، چند مورد از گزاره‌های زیر در مورد حرکت این متحرکدر بازه زمانی  $t_2 - t_1 = 5s$  تا  $t_1 = 2s$  الزاماً صحیح است؟

الف) حداقل ۲ بار تندی متحرک برابر صفر شده است.

ب) در لحظه  $t_2 = 5s$  متحرک در حال نزدیک شدن به مبدأ مکان است.

پ) جهت بردار مکان متحرک تغییر نمی‌کند.

ت) بردار سرعت متوسط در این بازه زمانی برابر با  $\frac{5}{3} \frac{m}{s}$  است.

۲)

۱)

۴)

۳)

مشابه سوال‌هایی که با آیکون مشخص شده‌اند در امتحانات تشریحی وجود دارد.

محل انجام محاسبات



۱۲۴- متحرکی در مبدأ زمان، حرکت خود را از مبدأ مکان در جهت مثبت محور  $x$  شروع کرده است و در لحظات  $t_1 = 4s$  و  $t_2 = 8s$  به

ترتیب در مکان های  $x_1 = 10m$  و  $x_2 = 6m$  قرار دارد. اگر در این ۸ ثانیه جهت حرکت متحرک فقط یک بار تغییر کرده باشد،

چه تعداد از عبارت های زیر برای چهار ثانیه دوم حرکت این متحرک قطعاً صحیح است؟

(الف) بزرگی بردار مکان ابتدا افزایش و سپس کاهش می یابد.

(ب) بردار جابه جایی در خلاف جهت محور  $x$  است.

(پ) در این بازه زمانی، جهت حرکت تغییر کرده است.

(ت) بردار مکان همواره در جهت مثبت محور  $x$  است.

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

۱۲۵- نمودار مکان - زمان متحرکی که روی محور  $x$  حرکت می کند، مطابق شکل زیر است. در طی این حرکت، متحرک چند ثانیه در

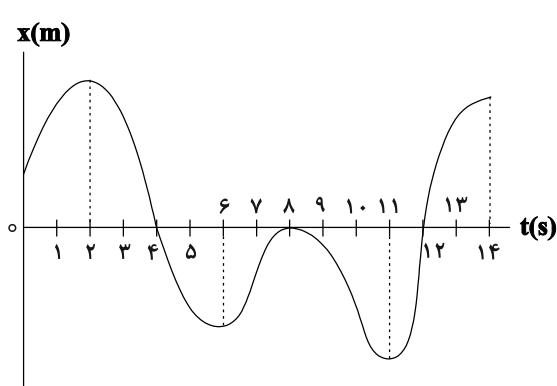
خلاف جهت محور  $x$  حرکت می کند؟

۷ (۱)

۸ (۲)

۱۱ (۳)

۵ (۴)



۱۲۶- نمودار مکان - زمان متحرکی که بر روی خط راست حرکت می کند، به صورت زیر است. تندی متوسط متحرک در بازه زمانی صفر تا

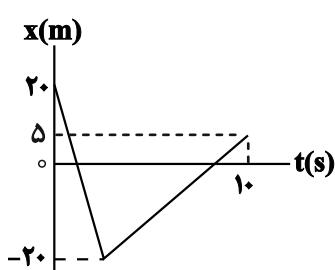
۱۰s چند متر بر ثانیه است؟

۱/۵ (۱)

۴ (۲)

۶/۵ (۳)

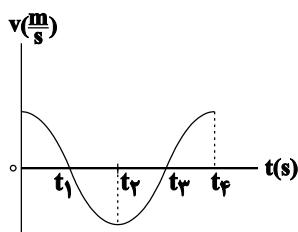
۹ (۴)



محل انجام محاسبات

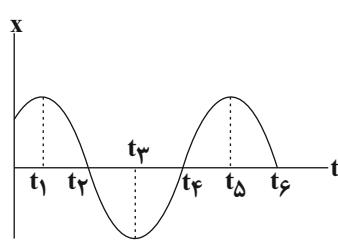


۱۲۷- نمودار سرعت - زمان متحرکی که در راستای محور  $x$  حرکت می‌کند، مطابق شکل زیر است. در کدام بازه زمانی، تندی متحرک در حال کاهش و بردار شتاب در جهت محور  $x$  می‌باشد؟



- (۱) صفر تا  $t_1$
- (۲)  $t_2$  تا  $t_1$
- (۳)  $t_3$  تا  $t_2$
- (۴)  $t_4$  تا  $t_3$

۱۲۸- نمودار مکان - زمان متحرکی که بر روی محور  $x$  ها حرکت می‌کند، مطابق شکل زیر است. در کدام بازه زمانی مشخص شده، شتاب متوسط متحرک صفر است؟



- (۱)  $t_4$  تا  $t_1$
- (۲)  $t_5$  تا  $t_3$
- (۳)  $t_5$  تا  $t_2$
- (۴)  $t_6$  تا  $t_3$

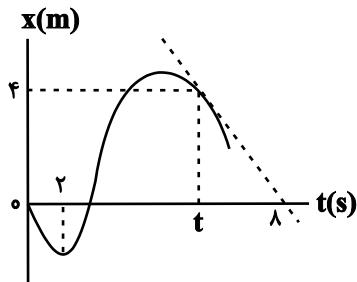
۱۲۹- شناگری مسیر مستقیم بین دو نقطه را در مسیر رفت و بدون تغییر جهت با اندازه سرعت متوسط  $\frac{m}{s}$  و همان مسیر را در

برگشت با اندازه سرعت متوسط  $\frac{m}{s}$  طی می‌کند. تندی متوسط شناگر در کل مسیر چند متربرثانیه است؟

- (۱) صفر
- (۲)  $\frac{3}{2}$
- (۳)  $\frac{4}{3}$
- (۴)  $\frac{16}{3}$

۱۳۰- نمودار مکان - زمان متحرکی که روی محور  $x$  حرکت می‌کند، مطابق شکل زیر است. اگر شتاب متوسط متحرک در بازه زمانی

$t_2 = ts$  تا  $t_1 = 2s$  برابر با  $-\frac{1}{2} \frac{m}{s^2}$  باشد،  $t$  چند ثانیه می‌تواند باشد؟



- (۱) ۵
- (۲) ۷
- (۳) ۷/۵
- (۴) ۶



وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

شیمی ۲: قدر هدایای زمینی را بدایم (تا سر گنج‌های اعمق دریا): صفحه‌های ۱ تا ۲۵

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانش‌آموزان اجباری است.

۱۳۱- با توجه به جدول زیر که نشان‌دهنده بخشی از جدول دوره‌ای عنصرها می‌باشد، چند مورد از عبارت‌های زیر درست است؟ (نماد

عناصر فرضی است).

دوره \ گروه	۱	۲	۱۳	۱۴	۱۵	۱۶	۱۷	۱۸
۲	A	B	C		H		L	
۳	D	E		G	I		M	N
۴	F				J	K		

• عنصر L، بیشترین خاصیت نافلزی را در بین تمام عناصر جدول دوره‌ای دارد.

• تعداد زیرلایه‌های اشغال شده در آرایش الکترونی اتم عنصر K، چهار واحد بیشتر از این تعداد در آرایش الکترونی اتم عنصر E است.

• عنصر G، نقش برجسته‌ای در گسترش صنایع الکترونیک داشته است.

• عنصر E، آسان‌تر از عنصرهای D و C به کاتیون تبدیل می‌شود.

•  $\text{F}_3\text{I}$  و DL، ترکیب‌های یونی هستند.

۵ (۴)

۴ (۳)

۳ (۲)

۲ (۱)

۱۳۲- چند مورد از مطالبات زیر درست است؟

• فراوانی ترکیب‌های اکسیژن‌دار آهن در طبیعت، بیشتر از ترکیب‌های کلردار آن است.

• در میان فلزها، تنها طلا به شکل کلوخه‌ها و رگه‌های زرد رنگ لابه‌لای خاک یافت می‌شود.

• همه نافلزها به شکل آزاد در طبیعت وجود دارند.

• شبه‌فلزات بیشترین مصرف سالانه را در بین صنایع گوناگون دارند.

• طلا همانند نقره و مس، تنها به شکل ترکیب در طبیعت یافت می‌شود.

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

محل انجام محاسبات



۱۳۳- در مورد عناصر واسطه دوره چهارم، همه گزینه‌های زیر درست‌اند؛ به جز:

۱) در هشتمین عنصر، شمار الکترون‌های لایه سوم دو برابر شمار الکترون‌های لایه دوم است.

۲) در آرایش الکترونی اتم عنصر  $Ti_{22}$ ، شمار زیرلایه‌های دو الکترونی بیشتر از سایر عناصر است.

۳) در بین آنها مس و کروم دارای کمترین زیرلایه‌های دو الکترونی است.

۴) ششمین عنصر دو نوع اکسید طبیعی با فرمول شیمیایی  $MO_3$  و  $MO_2$  دارد. ( $M$  نماد فرضی است).

۱۳۴- با توجه به واکنش‌های زیر که به واکنش نمک‌های پتاسیم هالید با مولکول‌های دو اتمی چهار عنصر نخست گروه ۱۷ مربوط است.

مولکول دواتمی هالوژن‌های  $D$ ،  $C$ ،  $B$  و  $A$  را به ترتیب از راست به چپ کدام‌اند؟



۲)  $C_2 + 2KD \rightarrow$  واکنش انجام نمی‌شود.



(۱) برم، کلر، فلوئور، ید

(۱) ید، برم، کلر، فلوئور

(۴) برم، ید، کلر، فلوئور

(۳) برم، کلر، ید، فلوئور

۱۳۵- ۳۶/۴ گرم نیترات عنصر  $A$  ناخالص را براساس معادله موازن نشده  $ANO_3(s) \rightarrow ANO_2(s) + O_2(g)$  به طور کامل تجزیه

می‌کنیم. اگر فراورده جامد حاصل را در مقداری آب حل کرده و جرم محلول را با افزودن آب مقطر به ۲۰ کیلوگرم برسانیم، غلظت

کاتیون موجود در محلول حاصل، برابر با  $232\text{ ppm}$  می‌شود. درصد خلوص نمونه نیترات  $A$  اولیه کدام است؟

(۱)  $(A = 29, O = 16, N = 14 : g\cdot mol^{-1})$

۴۰ (۴)

۳۰ (۳)

۲۰ (۲)

۱۰ (۱)

۱۳۶- کدام گزینه درباره جدول تناوبی نادرست است؟

۱) در بین عناصرهای دوره سوم، دو عنصر به صورت آزاد در طبیعت یافت می‌شوند.

۲) تعداد عناصرهای گازی ردیف چهارم، برابر تعداد ایزوتوپ‌های طبیعی کلر است.

۳) در یک گروه معین جدول تناوبی، عدد اتمی شبه‌فلز قطعاً کوچک‌تر از عدد اتمی فلز آن گروه است.

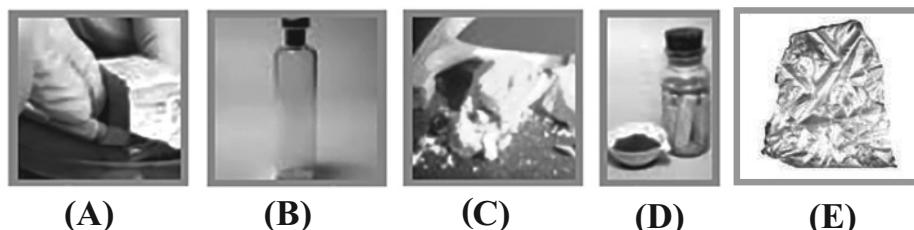
۴) شمار عناصرهای دوره سوم جدول دوره‌ای، با گنجایش لایه دوم الکترونی برابر است.

محل انجام محاسبات



۱۳۷- با توجه به شکل‌های زیر که مربوط به عناصر دوره سوم جدول تناوبی می‌باشد، چند مورد از عبارات زیر درست است؟

(نماد عنصرها فرضی است).



(A) (B) (C) (D) (E)

- تفاوت شعاع اتمی عناصر C و B از تفاوت شعاع اتمی عناصر E و D، بیشتر است.
- در واکنش بین عناصر A و B، شعاع گونه‌های B و A به ترتیب کاهش و افزایش می‌یابد.
- در ترکیب  $DB_3$  نسبت الکترون‌های پیوندی به الکترون‌های ناپیوندی برابر  $3/0$  است.
- هر مول از عنصر A در واکنش با مقادیر اضافی آب، در شرایط استاندارد،  $11200 \text{ میلی لیتر}$  گاز تولید می‌کند. (در واکنش فلزها با آب، هیدروکسید آن فلز و گاز هیدروژن تولید می‌شود و بازده واکنش را  $100\%$  فرض کنید).

۱) (۱) ۲) (۲)

۳) (۳) ۴) (۴)

۱۳۸- چه تعداد از عبارت‌های زیر در مورد عناصر دوره چهارم درست است؟

- آ) سه عنصر از آن در آخرین لایه خود زیرلایه‌ای نیمه پر دارند.
- ب) یک عنصر واسطه دارای زیرلایه‌ای با  $n=4$  و  $I=0$  نیمه‌پر در دوره چهارم وجود دارد.
- پ) سومین عنصر این دوره تنها عنصری از این دوره است که یون آن با بار  $+3$  به آرایش گاز نجیب رسیده است.
- ت) تمامی فلزهای دوره چهارم که در آخرین لایه الکترونی خود یک الکترون دارند، دارای ظرفیت  $+3$  هستند.
- ث) عنصر سوم این دوره، می‌تواند با از دست دادن سه الکترون، به آرایش الکترونی گاز نجیب دوره قبل از خود برسد.

۱) (۲) ۲) (۱)

۳) (۴) ۴) (۳)

محل انجام محاسبات



۱۳۹ - واکنش پذیری هالوژن  $X_2$  بیشتر از هالوژن  $Y_2$  است. چه تعداد از عبارت‌های زیر درباره آن‌ها همواره درست است؟

• حالت فیزیکی  $X_2$  و  $Y_2$  در دمای اتاق، یکسان است.

• مولکول‌های  $HX$  همانند مولکول‌های  $HY$  از سمت اتم هیدروژن به سمت قطب منفی میدان الکترویکی جهت‌گیری می‌کنند.

• اگر  $Y_2$  با هیدروژن در دمای اتاق به آرامی واکنش دهد،  $X_2$  به یقین در دمای  ${}^{\circ}C - 200$  به شدت با هیدروژن واکنش می‌دهد.

• دمای جوش  $HY$  قطعاً کمتر از دمای جوش  $HX$  است.

۲ (۲)

۱ (۱)

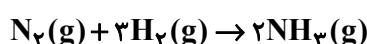
۴ (۴)

۳ (۳)

۱۴۰ - ۲۲۴ گرم گاز نیتروژن با مقدار کافی گاز هیدروژن با بازده درصدی ۵۰ درصد واکنش داده و آمونیاک تولید می‌کند. در فراورده حاصل به

تقریب چه تعداد پیوند اشتراکی وجود دارد و اگر فراورده حاصل را در شرایط STP بسوزانیم چند لیتر گاز تولید می‌شود؟

$$(N = 14, H = 1 : g \cdot mol^{-1})$$



$$1792 - 1 / 444 \times 10^{25} \quad (2)$$

$$1792 - 1 / 0.836 \times 10^{25} \quad (1)$$

$$179 / 2 - 1 / 0.836 \times 10^{25} \quad (4)$$

$$179 / 2 - 1 / 444 \times 10^{25} \quad (3)$$

محل انجام محاسبات



وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

شیمی ۱: کیهان، زادگاه الفبای هستی: صفحه‌های ۱ تا ۲۳

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اختیاری است.

۱۴۱- چه تعداد از عبارت‌های زیر، نادرست است؟

آ) فضایی‌های وویجر ۱ و ۲، از کنار سیاره‌های سنگی گذر کردند.

ب) برخی از ایزوتوپ‌های پرتوزا مانند رادیوایزوتوپ اولین عنصر نافلز دوره سوم جدول تناوبی، در ایران ساخته می‌شود.

پ) اغلب بر اثر متلاشی‌شدن ایزوتوپ‌های ناپایدار، مقدار زیادی انرژی آزاد می‌شود.

ت) با گذشت زمان، سحابی‌ها در اثر کاهش دما و مترآکم‌شدن دو گاز فراوان‌تر سیارة مشتری، تشکیل شده‌اند.

۲ (۲)

۱ (۱)

۴ (۴)

۳ (۳)

۱۴۲- تعداد اتم‌های کربن موجود در ۲۴۸ گرم اتیلن گلیکول ( $C_2H_6O_2$ )، به تقریب چند برابر شمار مول‌های کربن موجود در ۱۱/۶ $(C = 12, O = 16, H = 1 : g \cdot mol^{-1})$  است؟۴×10<sup>۲۳</sup> (۲)2×10<sup>۲۴</sup> (۱)8×10<sup>۲۳</sup> (۴)8×10<sup>۲۴</sup> (۳)۱۴۳- اگر عدد جرمی اتم Y برابر ۸۷ و اختلاف الکترون‌ها و نوترون‌ها در یون  $Y^{2+}$  برابر با ۱۳ باشد، عدد اتمی Y کدام است؟

۳۹ (۲)

۳۸ (۱)

۳۶ (۴)

۴۷ (۳)

۱۴۴- عنصری دارای ۳ ایزوتوپ است که فراوانی سبک‌ترین ایزوتوپ آن ۲ برابر سنگین‌ترین ایزوتوپ آن است، اگر اختلاف شمار

نوترون‌های سنگین‌ترین و سبک‌ترین ایزوتوپ با شمار نوترون‌های ایزوتوپ با جرم متوسط به ترتیب ۴ و ۱ باشد، در یک نمونه

۱۰۰۰ تا بی از این عنصر اختلاف شمار سنگین‌ترین و سبک‌ترین ایزوتوپ کدام است؟ (جرم اتمی میانگین ۱/۵ amu با جرم

سبک‌ترین ایزوتوپ اختلاف دارد).

۳۰۰ (۲)

۱۵۰ (۱)

۹۰۰ (۴)

۲۵۰ (۳)

محل انجام محاسبات



۱۴۵- کدامیک از مطالب زیر در مورد رادیوایزوتوپ‌ها درست است؟

آ) یون حاوی تکنسیم با یون یدید هم اندازه بوده و کاربرد پزشکی دارد.

ب) به دلیل نیمه عمر بسیار کم تکنسیم ( $^{99}\text{Tc}$ )، نمی‌توان آن را برای مدت طولانی نگهداری کرد.

پ) تمام ایزوتوپ‌های شناخته شده ترین فلز پرتوza، اغلب به عنوان سوخت در راکتورهای اتمی کاربرد دارند.

ت) رادیوایزوتوپی از نخستین عنصر تولیدشده در آزمایشگاه، در ایران نیز تولید می‌شود.

(۲) آ، ب و ت

(۱) آ و ب

(۴) ب و پ

(۳) آ و ت

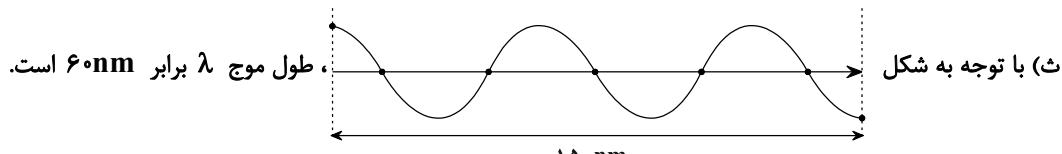
۱۴۶- کدام موارد از مطالب زیر نادرست است؟

آ) تعداد خطوط طیف نشری خطی در محدوده مرئی، در اتم  $^{4}\text{He}$  بیشتر از اتم  $^{1}\text{H}$  است.

ب) در طیف نشری خطی لیتیم همانند هیدروژن، ۴ خط در محدوده مرئی مشاهده می‌شود.

پ) همه نمک‌ها شعله رنگی دارند، که رنگ نشرشده فقط باریکه بسیار کوتاهی از گستره طیف مرئی را دربرمی‌گیرد.

ت) هرچه عدد اتمی یک عنصر بزرگ‌تر باشد، در طیف نشری خطی آن خطوط مرئی بیشتری مشاهده می‌شود.



(۲) آ، ب و ت

(۱) آ و ب

(۴) پ، ت و ث

(۳) پ و ت

۱۴۷- شمار الکترون‌ها در  $۰/۰۴$  مول یون تکاتمی  $-^{52}\text{Y}$  چند برابر شمار نوترون‌ها در  $۰/۰۲ \times ۱۰^{۲۱}$  اتم از عنصر  $^{۲۵}\text{X}$  است؟

(نماد عنصرها فرضی است).

(۱)  $۰/۲۵$

(۴)  $۰/۵$

(۳)  $۴$

محل انجام محاسبات



۱۴۸- کدامیک از عبارت‌های زیر درست است؟

(۱) نور خورشید، گسترهای گستته از رنگ‌ها را می‌سازد که شامل بینهایت طول موج است.

(۲) جرم یک اتم  $\text{Li}^7$  را می‌توان تقریباً  $7\text{amu}$  درنظر گرفت.

(۳) شمار اتم‌های موجود در یک نمونه عنصر را می‌توان از روی حجم آن نمونه به دست آورد.

(۴) برای اندازه‌گیری جرم اتم‌ها یا مولکول‌های یک عنصر، باید با خواص فیزیکی یا شیمیایی آن ماده آشنا بود.

۱۴۹- چند مورد از عبارت‌های زیر درست است؟ ( $\text{H} = 1, \text{O} = 16, \text{S} = 32 : \text{g.mol}^{-1}$ )

- شمار اتم‌های هیدروژن موجود در  $\text{C}_6\text{H}_4$  گرم متان، با این شمار در  $\text{H}_2\text{SO}_4$  گرم  $\text{H}_2\text{SO}_4$  برابر است.

- گلوكز نشان‌دار تنها در میان سلول‌های سرطانی تجمع می‌کند.

- یون حاوی تکنسیم اندازه مشابهی با یون یدید دارد.

- غنی‌سازی ایزوتوبی یکی از مراحل مهم تولید سوخت هسته‌ای است.

۱ (۱) ۲ (۲)

۳ (۳)

۱۵۰- چند مورد از مطالبات زیر درست است؟



- شکل رو به رو غده تیروئید ناسالامی را نشان می‌دهد.

- با پیشرفت علم شیمی و فیزیک، انسان می‌تواند طلا تولید کند.

- با استفاده از دوربین‌های حساس به پرتوهای فرابنفش، می‌توان تصویر خورشید را گرفت.

- تعداد ایزوتوب‌های طبیعی لیتیم و کلر با یکدیگر برابر است.

۱ (۱) ۲ (۲)

۳ (۳)



وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

شیمی ۳: مولکول‌ها در خدمت تندرستی / تاریخچه صابون + پاکیزگی محیط: صفحه‌های ۱ تا ۱۰

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اختیاری است.

۱۵۱- کدام یک از موارد زیر درست می‌باشد؟

آ) صابون جامد برخلاف صابون مایع در چربی حل می‌شود.

ب) همیشه سر قطبی پاک‌کننده‌های صابونی از سر ناقطبی آن‌ها، تعداد اتم‌های بیشتری دارد.

پ) اسیدچرب با فرمول  $\text{CH}_3(\text{CH}_2)_4\text{COOH}$ , در واکنش با  $\text{NaOH}$ , صابون جامد تولید می‌کند.ت) بخش آنیونی پاک‌کننده‌های صابونی، ناقطبی است و در حالت سیر شده فرمول شیمیایی آن  $\text{C}_n\text{H}_{2n+1}$  می‌باشد.

(۴) پ و ت

(۳) فقط ت

(۲) آ و پ

(۱) آ و ب

۱۵۲- کدام موارد از مطالب زیر نادرست است؟

آ) فرمول شیمیایی  $\text{C}_4\text{H}_9\text{COO}^-\text{K}^+$ , می‌تواند مربوط به نوعی صابون مایع باشد.

ب) چربی‌ها را می‌توان مخلوطی از اسیدهای چرب و استرهای بلندنجیر دانست.

پ) نقطه ذوب چربی ذخیره شده در کوهان شتر، بیشتر از روغن زیتون است.

ت) در صابون، بخش قطبی و ناقطبی با پیوند یونی به یکدیگر متصل شده‌اند.

(۲) آ و پ

(۳) آ و ب

(۱) ب و ت

(۴) آ و ت

۱۵۳- در اثر واکنش نمونه ۱/۵ لیتری از آب سخت حاوی یون کلسیم با مقدار کافی از صابون  $\text{C}_{16}\text{H}_{33}\text{COOK}$  ۵/۷۸ گرم رسوب تشکیل شده است. مقدار یون کلسیم در نمونه آب سخت چند میلی‌گرم است؟ (چگالی آب را  $1\text{g}/\text{ml}$  در نظر بگیرید).

$$(\text{Ca} = 40, \text{O} = 16, \text{C} = 12, \text{H} = 1 : \text{g.mol}^{-1})$$

۵۴۰ (۴)

۴۰۰ (۳)

۴۸۰ (۲)

۲۷۰ (۱)

مشابه سوال‌هایی که با آیکون مشخص شده‌اند در امتحانات تشریحی وجود دارد.

محل انجام محاسبات



۱۵۴- مقدار کافی از یک صابون جامد با  $R$  سیرشده با  $166/5$  گرم از کلسیم کلرید مقدار  $951$  گرم رسوب تشکیل داده است. تعداد

اتمهای فرمول شیمیایی اسید چرب مربوط به صابون چند برابر جفت الکترون‌های ناپیوندی صابون می‌باشد؟

$$(Na = 23, Ca = 40, O = 16, C = 12, H = 1, Cl = 35/5 : g \cdot mol^{-1})$$

۱۱/۸ (۲)

۱۰ (۱)

۲۳/۶ (۴)

۱۷/۷ (۳)

۱۵۵- کدام مورد از موارد زیر به نادرستی بیان شده است؟

آ) همهٔ ترکیب‌های آلی اکسیژن‌دار، برخلاف هیدروکربن‌ها، در آب به خوبی حل می‌شوند.

ب) در واکنش صابون سدیم‌دار با یون کلسیم در محلول آبی، بهازای مصرف هر مول صابون، نیم‌مول رسوب حاصل می‌شود.

پ) ساده‌ترین و مؤثرترین راه پیشگیری بیماری وبا، تنها رعایت بهداشت همگانی است.

ت) ذرات سازندهٔ محلول‌ها، یون‌ها و مولکول‌ها و ذرات سازندهٔ کلوئیدها، توده‌های مولکولی با اندازهٔ یکسان هستند.

۱) ب و پ

۲) آ، ب و پ

۳) آ، پ و ت

۱۵۶- کدام گزینه نادرست است؟

۱) به طور کلی، شبی افزایش امید به زندگی مناطق کم‌برخوردار بیشتر از نواحی برخوردار است.

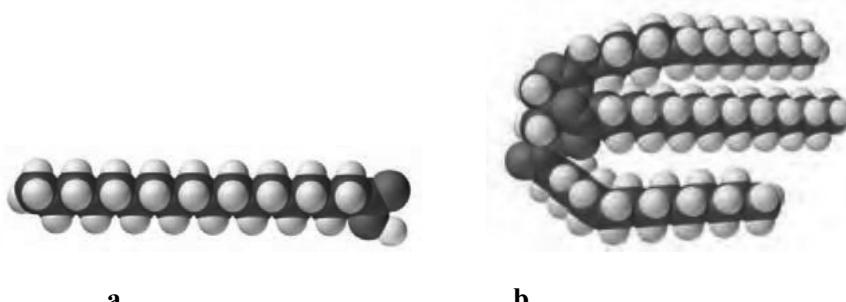
۲) عسل حاوی مولکول‌های قطبی است که در ساختار خود دارای شمار قابل توجهی هیدروکسید می‌باشند.

۳) آلاینده‌ها موادی هستند که بیش از مقدار طبیعی در یک محیط یا نمونه ماده قرار دارند.

۴) حفاری‌های باستانی از شهر بابل نشان می‌دهد که چند هزار سال پیش از میلاد، انسان‌ها از موادی شبیه به صابون امروزی استفاده می‌کردند.

محل انجام محاسبات

۱۵۷- شکل‌های زیر، مدل فضایپرکن دو ترکیب آلی را نشان می‌دهند. کدام موارد از مطالب زیر، درباره آن‌ها درست است؟



آ) a، در آب سخت، خاصیت پاک‌کنندگی خود را حفظ می‌کند.

ب) نیروی بین مولکولی غالب در a همانند b و برخلاف بنزین، از نوع واندروالسی است.

پ) تعداد اتم‌های اکسیژن ترکیب b، ۳ برابر تعداد اتم‌های اکسیژن ترکیب a است.

ت) مخلوط b و آب، با اضافه کردن صابون، به یک مخلوط ناهمگن با توانایی پخش نور تبدیل می‌شود.

(۱) آ و ب                                  (۲) ب و پ

(۳) پ و ت    (۴) فقط پ

۱۵۸- چند مورد از عبارت‌های زیر نادرست است؟ ( $H=1, C=12, N=14, O=16: g\cdot mol^{-1}$ )

- نسبت شمار جفت‌الکترون‌های ناپیوندی در فرمول شیمیابی روغن زیتون به شمار جفت‌الکترون‌های پیوندی در فرمول شیمیابی اوره، برابر ۲ است.

- به تقریب ۶/۷٪ جرم اوره را هیدروژن تشکیل می‌دهد.

- در محلول KCl در آب، رابطه «نیروی جاذبه یون - دوقطبی > میانگین قدرت پیوند یونی در KCl و پیوند هیدروژنی در آب» برقرار است.



۲ (۲)

۳ (۴)

۱ (۱)

۴ (۳)

**محل انجام محاسبات**

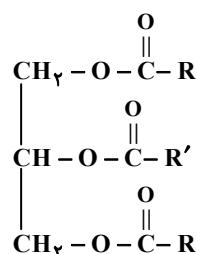


۱۵۹- ساختار زیر مربوط به استری بلندزنگیر است که از آن برای تولید صابون استفاده می‌شود. اگر تفاوت شمار پیوندهای C-H با

C-C در زنجیرهای R و R' به ترتیب برابر با ۱۶ و ۱۷ باشد و R برخلاف R' یک پیوند دوگانه در ساختار خود داشته

باشد، در اثر واکنش ۲۳/۷ گرم از این استر با مقدار کافی پتاس سوزآور، چند گرم صابون با جرم مولی کمتر تولید می‌شود؟

(گروه R' دو اتم کربن بیشتر از گروه R دارد و فراورده‌های واکنش استر با پتاس (KOH)، صابون و C<sub>۳</sub>H<sub>۸</sub>O<sub>۳</sub> هستند.)



$$(H=1, C=12, O=16, K=39 : g/mol^{-1})$$

۲۵/۹۸ (۱)

۱۶/۸ (۲)

۲۵/۲۰ (۳)

۸/۹۰ (۴)

۱۶۰- چند مورد از موارد زیر صحیح می‌باشد؟

الف) قدرت پاک‌کنندگی صابون در آبی که شامل کاتیون‌های دوره دوم و سوم گروه دوم جدول تناوبی باشد کاهش می‌یابد.

ب) نسبت جفت الکترون پیوندی در اتیلن گلیکول به اوره برابر  $\frac{8}{9}$  می‌باشد.

پ) یکی از متغیرهای مناسب برای سنجش قدرت پاک‌کنندگی صابون‌ها در آب‌های مختلف، ارتفاع کف ایجاد شده می‌باشد.

ت) در چربی می‌توان پیوند هیدروژنی تشکیل شود.

(۲) دو

(۱) یک

(۴) چهار

(۳) سه

محل انجام محاسبات



# دفترچه سؤال

آزمون هوش و استعداد

(دوره دوم)

۰ مرداد

تعداد کل سؤالات آزمون: ۲۰

زمان پاسخ‌گویی: ۳۰ دقیقه

گروه فنی تولید

مسئول آزمون	حمید لنجانزاده اصفهانی
ویراستار	فاطمه راسخ
مدیر گروه مستندسازی	محیا اصغری
مسئول درس مستندسازی	علیرضا همایون خواه
طراحان	سپهر حسن خان‌پور، حمید اصفهانی، فاطمه راسخ، حمید گنجی، نیلوفر امینی، فرزاد شیرمحمدی
حروف‌چینی و صفحه‌آرایی	مصطفی روحانیان
ناظر چاپ	حمید عباسی

برای مشاهده پاسخ‌ها، به صفحه شخصی خود در سایت کانون مراجعه کنید.

۳۰ دقیقه

استعداد تحلیلی

۲۵۱ - کدام واژه متفاوت است؟

(۲) ساقط

(۱) آفل

(۴) نازل

(۳) آمر

۲۵۲ - کدام گزینه اصلی‌ترین ویژگی محتوایی روایت زیر را به درستی بیان نمی‌کند؟

«... طوفانی برخاست که کشتی از اختیار ناخدا خارج شد و آسیب فراوان دید و از توقف ناگزیر شد تا به مرمت کشتی بپردازند. اتفاقاً به جزیره کوچک بی آب و درختی رسیدند و محمولات کشتی را به جزیره منتقل کردند. مدتی گذشت تا کشتی تعمیر شد و هنگام حرکت رسید. همین که برای عزیمت آتشی به پاکردن، زمین جزیره در زیر پایشان به حرکت درآمد. از این حالت مضطرب شدند و چون به کنار ساحل بودند جملگی خود را به آب افکنند و مشاهده نمودند جزیره نیز در آب شناور شد و نزدیک بود باعث غرق و هلاک مسافرین شود. عاقبت با زحمت زیاد خود را به کشتی رسانند. بالآخره معلوم شد این جزیره کوچک، لاکپشت عظیمی بوده است که به سطح دریا آمده و بر روی آب آرام گرفته و چون حرارت آتش به جسم او اثر بخشیده از جای جنبیده راه دریا در پیش گرفته است.»

(۲) خرافی

(۱) موهوم

(۴) واهی

(۳) مشهود

\* متن زیر را به دقّت بخوانید و به پنج پرسشی که از آن مطرح شده است پاسخ دهید. متن از مقالات دکتر سعید حمیدیان، استاد دانشگاه، برگرفته است.

به گمان این نگارنده، نظامی گنجوی را باید مبتکر توصیفِ مینیاتوری [در شعر فارسی] دانست، چرا که با وجود تأثیر فراوان او از «ویس و رامین» فخرالدین اسعد، توصیفاتِ فخرالدین اسعد بسیار رقیق‌تر و مجمل‌تر از آن است که نام «مینیاتور» که اوج مبالغه و ظرافت در توصیف جلوه‌های جمال است بر آن نهاده شود. سنجشی میان وصف شیرین نظامی و ویس فخرالدین نشان می‌دهد که توصیفِ فخرالدین تا چه حد کوتاه‌تر و مبالغه و دقّت آن کمتر است. این سنجش را بهویژه از آن جهت می‌کنیم که ویس و رامین نخستین منظومه موجود عاشقانه قبل از نظامی است و هر دو هم بر یک وزن‌اند. در وصفِ فخرالدین اسعد عبارات توصیفی غالباً کوتاه است، بهنحوی که هر بیت شامل سه و گاه حتی چهار وصف از اجزای بدن است و حال آن که معمولاً حدّاًکثر توصیفی که نظامی در هر بیت دارد دو مورد است، زیرا دقایق و جزئیات تصویر در سخن نظامی به او اجازه درج بیش از این را در یک بیت نمی‌دهد. همچنین فخرالدین اسعد گاهی ناگزیر است فعل ناقل را به صورت «گهی گفتی» در کلام بیاورد تا بهانه‌ای برای ارائه توصیفات بیشتر داشته باشد اما نظامی هر قدر که می‌خواهد وصف‌های متعددی می‌آورد. نتایج دیگری نیز می‌توان از این سنجش گرفت. از جمله فشردگی و دقّت فراوان تصاویر نظامی نسبت به آن فخرالدین و گرایش او به ذکر جزئیات و متعلقات تصویر که به بروز بیشتر آرایه استعاره نسبت به تشبيه در شعر او در قیاس با شعر فخرالدین اسعد منجر شده است. کاربرد بسیار زیاد کنایات در شعر نظامی بهویژه وقتی با صنایعی همچون تناسب و ایهام و غیره همراه می‌شود، نیز از عوامل بالابرندۀ میزان دقّت تصاویر است.

۲۵۳ - بهترین معادل معنایی برای واژه «مجمل» در متن کدام است؟

(۲) واضح

(۱) مختصر

(۴) گنگ

(۳) زیبا

- ۲۵۴ - منظور از «آن» مشخص شده در متن کدام است؟

- (۱) نظامی گنجوی  
(۲) توصیفات نظامی گنجوی

- (۳) فخرالدین اسعد  
(۴) توصیفات فخرالدین اسعد

- ۲۵۵ - از متن بالا کدام مورد را می‌توان برداشت کرد؟

(۱) تا پیش از ویس ورامین فخرالدین اسعد، هیچ منظمه شاعرانه‌ای در ادبیات فارسی سروده نشده است.

(۲) بر یک وزن سروده شدن دو منظمه ادبی، عامل مؤثری در القای شباهت میان آن دو است.

(۳) آرایه استعاره، گستره‌تر و طولانی‌تر از آرایه تشبيه است و مبالغه کلام را کاهش می‌دهد.

(۴) از حیث کاربرد آرایه‌های ادبی و بیان اندیشه‌های عمیق اخلاقی انسانی، «شیرین و فرهاد» بهترین منظمه نظامی گنجوی است.

\* در هر یک از دو پرسش بعدی، سه گزینه از سروده‌های نظامی و یک گزینه از فخرالدین اسعد است. با توجه به آن‌چه از متن آموخته‌اید، سروده

فخرالدین اسعد را مشخص کنید.

- ۲۵۶ -

(۱) خم گیسوش تاب از دل کشیده / به گیسو سبزه را بر گل کشیده // شده گرم از نسیم مشکبیزش / دماغ نرگس بیمارخیزش

(۲) گهی گفتی که این باغ بهار است / که در وی لاله‌های آبدار است // گهی گفتی که این باغ خزان است / که در وی میوه‌های مهرگان است

(۳) کشیده قامتی چون نخل سیمین / دوزنگی بر سر نخلش رطب چین // به مروارید دندان‌های چون نور / صد را آب دندان داده از دور

(۴) سر زلفی ز ناز و دلبری پر / لب و دندانی از یاقوت و از ذر // از آن یاقوت و آن ذر شکرخند / مفرّح ساخته سودایی‌ای چند

- ۲۵۷ -

(۱) بنفسه زلف و نرگس چشمکان است / چو نسرین عارض و لاله رخان است

(۲) گر اندازه ز چشم خویش گیرد / بر آهوی صد آهو بش گیرد

(۳) ز هر سو شاخ گیسو شانه می‌کرد / بنفسه بر سر گل دانه می‌کرد

(۴) به چشم آهوان آن چشمۀ نوش / دهد شیرافگنان را خواب خرگوش

- ۲۵۸ - سامان که پدر مصطفی است، دایی صبا و علی پسر خاله صباب است. مادر مصطفی، چه نسبتی با علی دارد؟ حالت های خاص را در نظر نگیرید.

- (۱) زن عمو  
(۲) زن دایی

- (۳) خاله  
(۴) عمه

- ۲۵۹ - مادر بزرگ لیلا، چهار پسر و دو دختر داشت که یکی از دخترها صاحب دو فرزند پسر و سه تا از پسرها صاحب یک فرزند دختر شدند. مادر بزرگ

لیلا، نوءه دیگری نداشت. درباره‌ی لیلا کدام گزینه درست نیست؟

- (۱) دو عمه داشت.  
(۲) چهار عمو داشت.

- (۳) دو پسر عمه داشت.  
(۴) دو دختر عمو داشت.

\* پنج تن به نام‌های «امیر، اکبر، امین، آرش، آرشا، آرش» هر کدام یکی از پیراهن‌های «قرمز، سفید، آبی، زرد، سبز» را بر تن کرده و در یک صف ایستاده‌اند.

به شکلی که امیر و آرشا کنار هم نیستند و امین نیز اول است یا نفر آخر. صاحبان پیراهن‌های قرمز و سفید نیز در کنار هم ایستاده‌اند. بر این

اساس به چهار پرسش بعدی پاسخ دهید. دقّت کنید هر سؤال و نتایج آن، فارغ از دیگر سؤالات است.

- ۲۶۰ - اگر طبق فرهنگ لغت (لغتنامه) افراد به ترتیب الفبایی نام خود و رنگ پیراهن آن‌ها نیز به ترتیب برعکس الفبایی مرتب شده باشد، حرف آخر نام

کسی که پیراهن سفید دارد کدام است؟

- (۱) ا  
(۲) ر

- (۳) ش  
(۴) ن

- ۲۶۱ - اگر امیر نفر سوم و پیراهن آبی به تن داشته باشد، قطعاً ...

- (۱) نفر اول یا سبز پوشیده است یا زرد.  
(۲) امین قطعاً در کنار آرش است.

- (۳) آرشا یا نفر اول است یا نفر پنجم.  
(۴) اکبر نفر دوم نیست و زرد نیز نپوشیده است.

- ۲۶۲ - اگر امین و اکبر - که پیراهن زرد پوشیده است دو طرف شخصی باشند که پیراهن سبز بر تن کرده است، رنگ پیراهن چند تن از این پنج تن قطعاً

علوم است؟

- (۱) دو  
(۲) سه

- (۳) چهار  
(۴) پنج

۲۶۳ - اگر بدانیم امین سفید پوشیده است و نه آرشا کنار اوست و نه امیر، و اگر بدانیم آن که زرد پوشیده است در کنار شخصی که سبز پوشیده است

نیست، چند حالت کلی برای ترتیب افراد و رنگ پیراهن آنها می‌توان در نظر گرفت؟

۸) (۲)

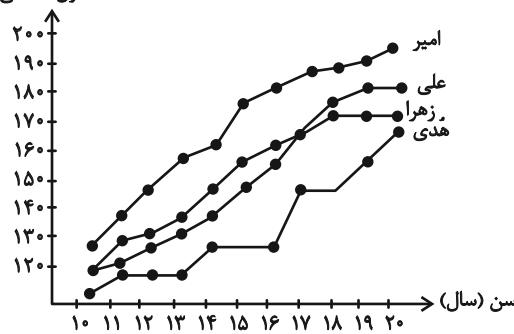
۴) (۱)

۳۲) (۴)

۱۶) (۳)

۲۶۴ - شخصی طول قامت چهار کودک را در دفعات مختلف اندازه‌گیری و نقاط مربوط را در نمودار به هم وصل کرده است. کدام گزینه درباره

طول (سانتی‌متر)



این نمودار درست نیست؟

۱) دو تا از بچه‌ها در دو مقیاس یکسان زمانی، با هم هم‌قد بوده‌اند.

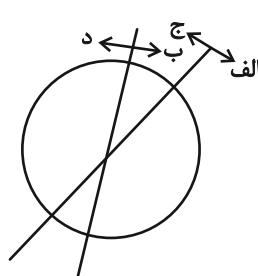
۲) هدی همواره از هر سه کودک کوتاه‌قامت‌تر بوده است.

۳) بیش‌ترین رشد قامت در یک بازه زمانی یک‌ساله، متعلق به امیر بوده است.

۴) اختلاف قامت علی و زهرا در این سال‌ها هرگز بیش‌تر از ده سانتی‌متر نبوده است.

۲۶۵ - هدف نمودار زیر را در کدام گزینه می‌توان یافت؟

۱) آنان که هم «الف» هستند و هم «ب»، حتماً «ج» هستند.

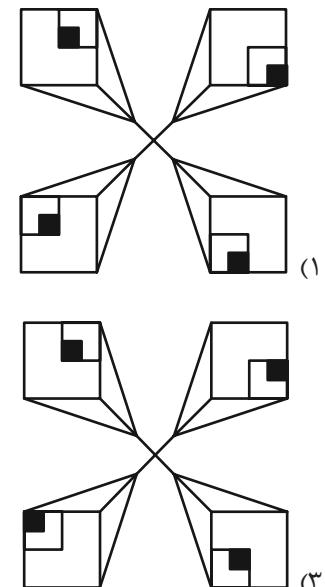
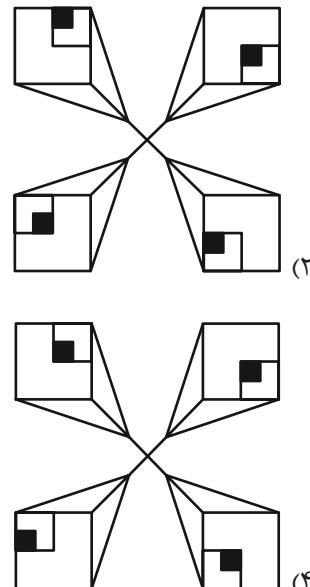
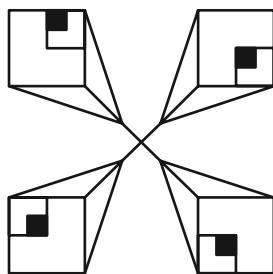


۲) نه هر «الف»، «ب» است و نه هر «ج»، «د».

۳) برخی «الف»‌ها «ج» هستند و همه «ب»‌ها لزوماً «د» نیستند.

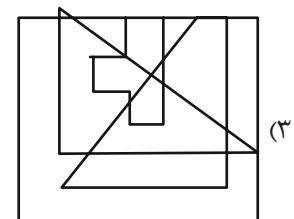
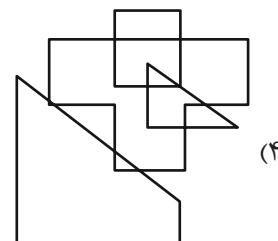
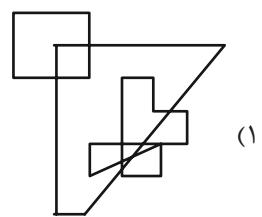
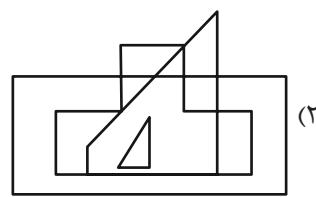
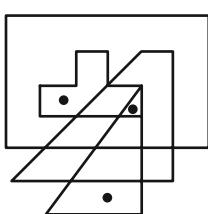
۴) هیچ «الف» نیست که «ب» باشد ولی «د» نباشد.

- کدام شکل دوران یافته شکل زیر است؟ ۲۶۶

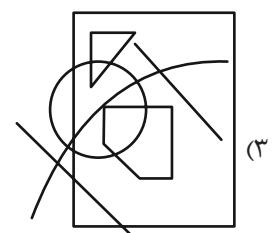
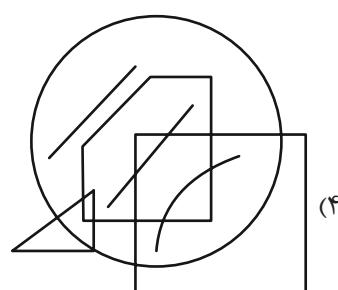
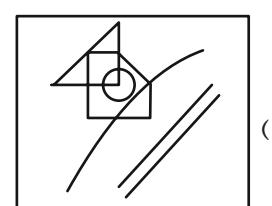
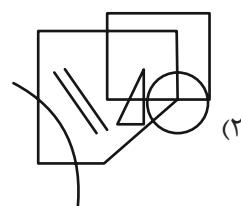
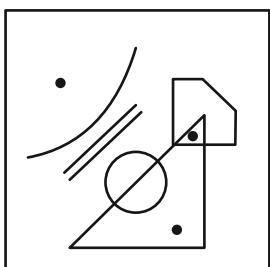


\* در دو سؤال بعدی تعیین کنید کدام گزینه می‌توان جایگاه‌های نقطه‌گذاری شده در شکل صورت سؤال، شباهت بیشتری داشته باشد.

-۲۶۷

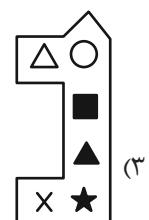
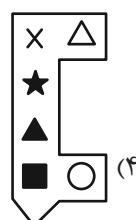
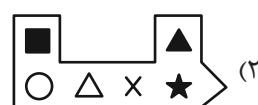


-۲۶۸

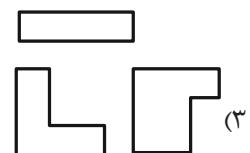
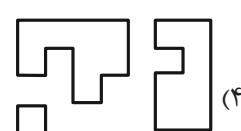
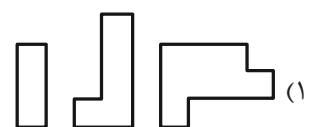
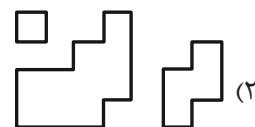


\* در دو سؤال بعدی تعیین کنید کدام شکل به دلیل منطقی با دیگر شکل‌ها متفاوت است.

-۲۶۹



-۲۷۰



# خودارزیابی توجه و تمرين

بخش دوم: ارزیابی توجه پایدار آزمون ۵ مرداد ۱۴۰۳ Sustained attention

دانش آموز عزيز!

توجه و تمرين برای يادگيري، مطالعه و دستيابي به موفقیت تحصيلي بسیار مهم است. اين مهارت هاي شناختي دانش آموزان را قادر مى سازد تا اطلاعات را دریافت کنند، روی کارها و تکاليف مترين را بمانند و به طور موثر زمان و منابع خود را مدیريت کنند. بهبود توجه و تمرين منجر به درک بهتر مطالب، نمرات بالاتر و به طور کلي تجربه يادگيري موثرتر شود. برای کمک به ارزیابی ظرفیت های توجه خود، از شما دعوت می کنیم با سوالات زیر خود را ارزیابی کنید. مهم است که به هر سؤال صادقانه پاسخ دهیید. با درک نقاط قوت و زمینه های پیشرفت، می توانید برای ارتقای عملکرد تحصيلي خود قدم بدارید.

سوالات را به دقت بخوانيد و نزديکترین پاسخ مرتبط با خود را انتخاب و در پاسخبرگ علامت بزنيد. دقت داشته باشيد  
كه سوالات از شماره ۲۷۱ شروع شده است.

۲۷۱. من مى توانم روی يك پروژه برای مدت طولاني و بدون از دست دادن علاقه کار کنم.

۱. هرگز      ۲. به ندرت      ۳. گاهی اوقات      ۴. همیشه

۲۷۲. من مى توانم برای مدت طولاني توجه خود را ببروي تکاليف مدرسه خود حفظ کنم.

۱. هرگز      ۲. به ندرت      ۳. گاهی اوقات      ۴. همیشه

۲۷۳. من مى توانم روی تکاليف درس خواندن طولاني تمرين کنم تا زمانی که آنها را تمام کنم.

۱. هرگز      ۲. به ندرت      ۳. گاهی اوقات      ۴. همیشه

۲۷۴. من مى توانم بدون نياز به وقفه، روی تکاليف برای مدت طولاني کار کنم.

۱. هرگز      ۲. به ندرت      ۳. گاهی اوقات      ۴. همیشه

۲۷۵. مى توانم بدون از دست دادن تمرين به يك سخنرانی يا کلاس طولاني توجه کنم.

۱. هرگز      ۲. به ندرت      ۳. گاهی اوقات      ۴. همیشه

۲۷۶. من مى توانم به کار روی يك تکلیف ادامه دهم حتی اگر تکمیل آن زمان زیادی طول بکشد.

۱. هرگز      ۲. به ندرت      ۳. گاهی اوقات      ۴. همیشه

۲۷۷. من مى توانم بيش از ۳۰ دقیقه توجه خود را روی يك فعالیت واحد حفظ کنم.

۱. هرگز      ۲. به ندرت      ۳. گاهی اوقات      ۴. همیشه

۲۷۸. هنگام کار بر روی تکاليف چالش برانگيز به سرعت علاقه خود را از دست نمی دهم.

۱. هرگز      ۲. به ندرت      ۳. گاهی اوقات      ۴. همیشه

۲۷۹. مى توانم بدون حواس پرتی و به مدت طولاني، بر روی درس خواندن برای امتحانات تمرين کنم.

۱. هرگز      ۲. به ندرت      ۳. گاهی اوقات      ۴. همیشه

۲۸۰. من مى توانم در طول پروژه ها يا بحث های گروهی طولاني، توجه خود را حفظ کنم.

۱. هرگز      ۲. به ندرت      ۳. گاهی اوقات      ۴. همیشه



# آزمون ۵ مرداد ۱۴۰۳ اختصاصی دوازدهم ریاضی

نقد و امتیاز

پذیدآورندگان

نام درس	نام طراح	ردیف
حسابات ۲ و ریاضی پایه	دانیال ابراهیمی - کاظم اجلالی - سیدرضا اسلامی - حسن اسماعیلی - عباس اشرفی - امیر هوشنگ انصاری - مهدی براتی - شاهین پروازی محمد ابراهیم توزنده جانی - عادل حسینی - افشن خاصه خان - طاهر دادستانی - احمد رضا ذاکر زاده - سعید رازورز - محمد رضا راسخ محمد مهدی زریون - سهیل ساسانی - میلاد سجادی لاریجانی - علی سلامت - محمد حسن سلامی - حسینی - رضا علی نواز - حمید علیزاده مصطفی کرمی - حمید مام قادری - جهانبخش نیکنم	
هندرسه	امیرحسین ابومحیوب - محمد ابراهیم توزنده جانی - حسین حاجیلو - افشن خاصه خان - فرزانه خاکپاش - محمد خندان - کیوان دارابی سوگند روشنی - محمد صحت کار - احمد رضا فلاخ - امیر مالیر - مهرداد ملوندی - سرژ یقیازاریان تبریزی	
آمار و احتمال و ریاضیات گستره	امیرحسین ابومحیوب - علی ایمانی - رضا توکلی - سید محمد رضا حسینی - فرد افشن خاصه خان - فرزانه خاکپاش - کیوان دارابی سیدوحید ذوالقاری - سوگند روشنی - فرشاد فرامرزی - مریم مرسلی - علی منصف شکری - سرژ یقیازاریان تبریزی	
فیزیک	بابک اسلامی - عباس اصغری - عبدالرضا امینی - نسب - شهرام آزاد - زهره آقامحمدی - مهدی براتی - امیرحسین برادران امیرعلی حاتم خانی - سید ابوالفضل خالقی - محمدعلی راست پیمان - فرشید رسولی - امیر رضا صدری کتا - پوریا علاقه مند - بهادر کامران مصطفی کیانی - علیرضا گوته - احسان محمدی - میلاد تقی	
شیمی	علی امینی - امیرعلی بیات - علیرضا بیانی - مسعود جعفری - امیر حاتمیان - میرحسین حسینی - ارزنگ خانلری - عبدالرضا دادخواه - امید رضوانی علی رفیعی - حامد رمضانیان - امیر محمد سعیدی - رضا سلیمانی - جواد سوری لکی - محمد جواد صادقی - مسعود طبرسی - رسول عابدینی زواره میلاد عزیزی - آرمین عظیمی - امیر قاسمی - امین نوروزی - محسن هادی - محمد رضا یوسفی	

گزینشگران و ویراستاران

نام درس	حسابات ۲ و ریاضی پایه	هندرسه	آمار و احتمال و ریاضیات گستره	فیزیک	شیمی	ردیف
گزینشگر	عادل حسینی	سرژ یقیازاریان تبریزی	سرژ یقیازاریان	ماهان زواری	مصطفی کیانی	
گروه ویراستاری	امیرحسین ابومحیوب - سهیل تقی زاده	امیر محمد کریمی - مهرداد ملوندی - مهدی خالتی	امیر محمد کریمی - مهرداد ملوندی - مهدی خالتی	احسان پنجه شاهی - محمد حسن محمدزاده مقدم - امیرحسین مسلمی - امیرعلی بیات	زهره آقامحمدی - بهنام شاهنی	
مسئول درس	عادل حسینی	سرژ یقیازاریان تبریزی	سرژ یقیازاریان	ماهان زواری	حسام نادری	
مسئول مستندسازی	سمیه اسکندری	عادل حسینی	الهه شهبازی	علیرضا همایون خواه	امیرحسین توحیدی	
ویراستاران (مستندسازی)	علیرضا زارعی - علیرضا عباسی زاده - سجاد سلیمانی			مهدی گنجی وطن - معصومه صنعت کار	احسان صادقی	محسن دستجردی - حسین شاهسواری - امیرحسین کلانتری

گروه هنر و تولید

مدیر گروه	مهرداد ملوندی
مسئول دفترچه	نرگس غنی زاده
گروه مستندسازی	مدیر گروه: محیا اصغری
حروفنگار	فرزانه فتح الهزاده
ناظر چاپ	سوران نعیمی

## گروه آزمون بنیاد علمی آموزشی قلمچی (وقف عام)

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۱۳ - کانون فرهنگی آموزش - تلفن: ۰۳۱-۶۴۶۳



(سراسری ریاضی ۷۵)

**گزینه «۲»**

طرفین تساوی را با فرض  $x \neq 2$  و  $-2 \neq x$  در ک.م.م مخرجها  $((x-2)(x+2))$  ضرب می‌کنیم:

$$\frac{x-2}{x+2} + \frac{x}{x-2} = \frac{8}{(x-2)(x+2)} \xrightarrow{\text{Multiplication by } (x-2)(x+2)}$$

$$(x-2)^2 + x(x+2) = 8$$

$$\Rightarrow 2x^2 - 2x + 4 = 8 \Rightarrow 2x^2 - 2x - 4 = 0$$

$$\Rightarrow x^2 - x - 2 = 0 \Rightarrow x = -1, x = 2$$

$x = 2$  قابل قبول نیست، پس  $x = -1$  و معادله فقط یک ریشه دارد.

(مسابان ا- هیر و معارله؛ صفحه‌های ۱۷ تا ۱۹)

(مسن اسماعیلی)

**گزینه «۴»**

اگر فردی کاری را در  $t$  روز انجام بدهد، یعنی در یک روز  $\frac{1}{t}$  کار انجام می‌شود پس:

$$\frac{1}{10} + \frac{1}{20} + \frac{1}{30} = \frac{11}{60}$$

میزان کار انجام شده توسط سه نفر در یک روز:

$$\frac{1}{20} + \frac{1}{30} = \frac{5}{60}$$

جمع کل کارهای انجام شده ۱ واحد می‌شود پس داریم:

$$\left(\frac{11}{60} \times 2\right) + \left(\frac{5}{60} \times x\right) + \left(\frac{11}{60} \times (3-x)\right) = 1$$

$$\Rightarrow 33 + 5x + 33 - 11x = 60 \Rightarrow x = 1$$

(مسابان ا- هیر و معارله؛ صفحه‌های ۱۷ تا ۱۹)

(مسن اسماعیلی)

**گزینه «۱»**

ابتدا کسر سمت چپ را گویا می‌کنیم:

$$\frac{2(\sqrt{x+3} + \sqrt{x+1})}{(\sqrt{x+3} - \sqrt{x+1})(\sqrt{x+3} + \sqrt{x+1})}$$

$$= \frac{2(\sqrt{x+3} + \sqrt{x+1})}{((x+3) - (x+1))} = \sqrt{x+3} + \sqrt{x+1}$$

حال داریم:

$$\sqrt{x+3} + \sqrt{x+1} = \sqrt{2x+3} + 1$$

طرفین تساوی را به توان ۲ می‌رسانیم:

$$\Rightarrow 2x + 4 + 2\sqrt{x^2 + 4x + 3} = 2x + 4 + 2\sqrt{2x+3}$$

**حسابان ۱****گزینه «۳»**

(کاظم ابلالی)

مجموع  $m$  جمله اول دو دنباله را حساب می‌کیم.

$$32, 64, 128, \dots$$

$$a_1 = 32, q = 2 \Rightarrow S_m = \frac{a_1(q^m - 1)}{q - 1} = \frac{32(2^m - 1)}{2 - 1}$$

$$\frac{3}{16}, \frac{3}{4}, 3, \dots$$

$$a'_1 = \frac{3}{16}, q' = 4 \Rightarrow S'_m = \frac{a'_1(q'^m - 1)}{q' - 1} = \frac{\frac{3}{16}(4^m - 1)}{4 - 1}$$

باید  $S_m > S'_m$  باشد:

$$32(2^m - 1) > \frac{4^m - 1}{16} \Rightarrow 2^9(2^m - 1) > 4^m - 1$$

$$4^m - 512 \times 2^m + 511 < 0 \Rightarrow (2^m - 1)(2^m - 511) < 0$$

$$1 < 2^m < 511 \Rightarrow 1 \leq m \leq 8$$

پس حداقل مقدار  $m$  برابر ۸ است.

(مسابان ا- هیر و معارله؛ صفحه‌های ۱ تا ۶)

**گزینه «۲»**

(محمدحسن سلامی مسینی)

سهی  $y = Ax^2 + Bx + C > 0$  در حالت  $\Delta = B^2 - 4AC > 0$  فقط از سه ربع دستگاه مختصات عبور می‌کند. پس در این

$P = \frac{C}{A} \geq 0$  سؤال داریم:

$$\Delta = (-a)^2 - 4(a-1) = a^2 - 4a + 4 = (a-2)^2 > 0 \Rightarrow a \neq 2$$

$$P = a-1 \geq 0 \Rightarrow a \geq 1$$

اشتراک مجموعه جواب‌ها، مجموعه  $[1, +\infty) - \{2\}$  است که با توجه به گزینه‌ها حدود درست  $a > 2$  است.

(مسابان ا- هیر و معارله؛ صفحه‌های ۱۰ تا ۱۳)

**گزینه «۴»**

(میر علیزاده)

$$S = P + 4 \Rightarrow P = S - 4$$

$$x_1^3 + x_2^3 = 23 \Rightarrow S^2 - 2P = 23 \Rightarrow S^2 - 2(S-4) - 23 = 0$$

$$S^2 - 2S - 15 = 0 \Rightarrow (S-5)(S+3) = 0$$

$$\Rightarrow \begin{cases} S = 5 \Rightarrow P = 1 \\ S = -3 \Rightarrow P = -7 \end{cases}$$

به ازای هر دو مقدار  $S$ ، جواب‌های معادله ناصحیح هستند و داریم:

$$x_1^3 + x_2^3 = S(S^2 - 3P) = 110 \quad \text{یا} \quad -90$$

(مسابان ا- هیر و معارله؛ صفحه‌های ۷ تا ۹)



$$m_{AH} = -\frac{AH}{\text{خط}} \Rightarrow y = -x + 3$$

و با تلاقی دو خط، مختصات H را پیدا می‌کنیم:

$$\begin{cases} y = -x + 3 \\ y = x - 1 \end{cases} \Rightarrow x = 2, y = 1 \Rightarrow H(2, 1)$$

و در نهایت چون H وسط A' و A است داریم:

$$H = \frac{A+A'}{2} \Rightarrow A' = 2H - A \Rightarrow A'(3, 0)$$

و در نتیجه  $2b-a$  برابر ۳ است.

(مسابان ا- بیر و معارله: صفحه‌های ۲۹ و ۳۶)

(دانیال ابراهیمی)

گزینه «۲» -۱۰

ابتدا شیب دو خط داده شده را به دست می‌آوریم. با توجه به اینکه دو ضلع مجاور مستطیل عمود بر هم هستند، داریم:

$$\begin{cases} ay + 4x = 3 \Rightarrow m_1 = -\frac{4}{a} \\ y = (a+1)x - 3 \Rightarrow m_2 = a+1 \end{cases} \Rightarrow m_1 \times m_2 = \frac{-4a - 4}{a} = -1$$

$$\Rightarrow -4a - 4 = -a \Rightarrow a = -\frac{4}{3} \Rightarrow \begin{cases} -\frac{4}{3}y + 4x - 3 = 0 \\ y + \frac{1}{3}x + 3 = 0 \end{cases}$$

فاصله محل برخورد قطرها از ضلع‌های مجاور مستطیل، یک بار برابر با نصف عرض و یک بار برابر با نصف طول مستطیل است. پس داریم:

$$d_1 = \frac{\left| -\frac{4}{3}(1) + 4(1) - 3 \right|}{\sqrt{\frac{16}{9} + 1}} = \frac{\left| -\frac{1}{3} \right|}{\sqrt{\frac{10}{9}}} = \frac{\frac{1}{3}}{\frac{4}{3}\sqrt{10}} = \frac{1}{4\sqrt{10}}$$

$$\Rightarrow 2d_1 = \frac{1}{2\sqrt{10}}$$

$$d_2 = \frac{\left| (1) + \frac{1}{3}(1) + 3 \right|}{\sqrt{1 + \frac{1}{9}}} = \frac{\frac{13}{3}}{\frac{1}{3}\sqrt{10}} = \frac{13}{\sqrt{10}}$$

$$\Rightarrow 2d_2 = \frac{26}{\sqrt{10}} \Rightarrow S = \frac{26}{\sqrt{10}} \times \frac{1}{2\sqrt{10}} = \frac{13}{10} = 1.3$$

(مسابان ا- بیر و معارضه: صفحه‌های ۲۹ و ۳۶)

$$\Rightarrow \sqrt{x^2 + 4x + 3} = \sqrt{2x + 3} \Rightarrow x^2 + 4x + 3 = 2x + 3$$

$$\Rightarrow x^2 + 2x = 0 \Rightarrow x = 0 \text{ یا } -2$$

که فقط جواب  $x = 0$  قابل قبول است.

(مسابان ا- بیر و معارضه: صفحه‌های ۲۰ و ۲۱)

گزینه «۲»

-۷

ابتدا زیر رادیکال را با استفاده از اتحاد مربع دو جمله‌ای ساده می‌کنیم:

$$\sqrt{(x+3)+2\sqrt{x+3}+1} = \sqrt{(\sqrt{x+3}+1)^2}$$

$$= |\sqrt{x+3}+1| = \sqrt{x+3}+1$$

حال داریم:

$$\sqrt{x+3}+1+\sqrt{x+6}=3 \Rightarrow \sqrt{x+3}=2-\sqrt{x+6} \quad (*)$$

طرفین را به توان دو می‌رسانیم:

$$x+3 = x+6 + 4 - 4\sqrt{x+6} \Rightarrow 4\sqrt{x+6} = 7$$

$$\Rightarrow \sqrt{x+6} = \frac{7}{4} \Rightarrow x+6 = \frac{49}{16} \Rightarrow x = -\frac{47}{16}$$

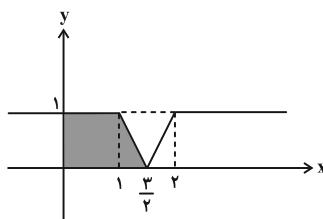
این جواب در معادله صدق می‌کند و قابل قبول است.

(مسابان ا- بیر و معارضه: صفحه‌های ۲۰ و ۲۱)

گزینه «۳»

-۸

با قرینه کردن قسمت‌های منفی نمودار تابع  $y = |x-1| - |x-2|$  نسبت به محور X ها، نمودار تابع صورت سؤال به صورت زیر به دست می‌آید:



$$S = \frac{(1+\frac{3}{2})(1)}{2} = \frac{5}{4}$$

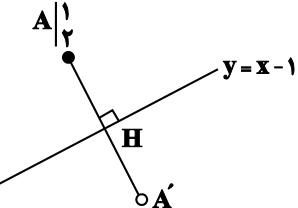
مساحت ذوزنقه سایه خورده برابر است با:

(مسابان ا- بیر و معارضه: صفحه ۲۴)

گزینه «۴»

-۹

در ابتدا مختصات H (تصویر A روی خط  $y = x - 1$ ) را به دست می‌آوریم، می‌دانیم AH عمود بر خط  $y = x - 1$  است پس شیب آن  $-1$  است و داریم:





## ریاضی ۱

## گزینه «۲» - ۱۱

اگر F را فوتبال، V را والیبال و B را بسکتبال بگیریم داریم:

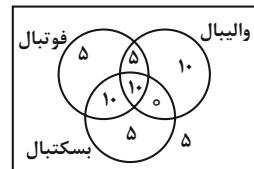
$$n(F \cup B \cup V) = n(F) + n(V) + n(B) - n(F \cap V \cap B)$$

$$45 = 30 + 25 + 25 - 15 - 20 - 10 + n(F \cap V \cap B)$$

$$\Rightarrow n(F \cap V \cap B) = 10$$

سپس نمودار ون زیر را با توجه به جدول و عدد بدست آمده می‌توان

تکمیل کرد حال داریم:



$$n(\text{فوتbal}) + n(\text{والیبال}) + n(\text{بسکتبال}) = 5 + 10 + 5 = 20$$

(ریاضی ا- مجموعه، الگو و دنباله؛ صفحه‌های ۱۳ تا ۲۰)

## گزینه «۱» - ۱۲

در الگوی  $t_n$  اختلاف جملات ثابت نیست و این اختلاف جملات، دنباله حسابی (الگوی خطی) می‌سازد. پس  $t_n$  یک الگوی درجه دوم است.

این دنباله حسابی که از اختلاف جملات دنباله درجه دوم به وجود می‌آید را

با  $a_n$  نشان می‌دهیم:

$$\begin{matrix} t_1, t_2, t_3, t_4, \dots \\ \nearrow \searrow \\ a_1 \quad a_2 \end{matrix}$$

$$t_n = \frac{\alpha}{2}n^2 + \alpha n + \beta$$

حال با استفاده از دو جمله اول دنباله داریم:

$$\left. \begin{array}{l} \alpha + \beta = \frac{1}{2} \\ 2\alpha + \beta = -1 \end{array} \right\} \Rightarrow \alpha = -\frac{3}{2}, \beta = 2$$



(عباس اشرفی)

## گزینه «۲»

- ۱۹

مثلث  $MOC$  متساوی الساقین است، پس  $O\hat{C}M = O\hat{M}C$  و از آنجا

که زاویه  $60^\circ$  زاویه خارجی این مثلث حساب می شود، پس

$$O\hat{C}M = 30^\circ \text{ است.}$$

$$\tan 60^\circ = \frac{AD}{OD} \Rightarrow AD = \sqrt{3}$$

$$\tan 30^\circ = \frac{BD}{CD} \Rightarrow \frac{\sqrt{3}}{3} = \frac{BD}{2} \Rightarrow BD = \frac{2\sqrt{3}}{3}$$

$$AD - BD = \sqrt{3} - \frac{2\sqrt{3}}{3} = \frac{\sqrt{3}}{3} \quad \text{طول پاره خط } AB \text{ برابر است با:}$$

(ریاضی ا- مثلثات: صفحه های ۲۹ تا ۳۳)

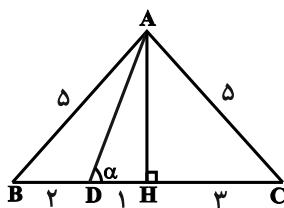
(سعید رازورز)

## گزینه «۴»

- ۲۰

ارتفاع  $AH$  وارد بر ضلع  $BC$  را در مثلث متساوی الساقین  $\triangle ABC$  رسم

می کنیم. بنابراین  $AH$  میانه نیز خواهد بود. لذا خواهیم داشت:



$$BH = \frac{BC}{2} = \frac{3}{2}$$

پس  $DH = 1$  است.

با توجه به قضیه فیتاغورث در مثلث قائم الزاویه  $\triangle AHD$  خواهیم داشت:

$$AH^2 = BH^2 + AH^2 \Rightarrow AH = \sqrt{3}$$

$$\Delta AHD : \tan \alpha = \frac{AH}{DH} = \frac{\sqrt{3}}{1} = \sqrt{3}$$

در نتیجه:

(ریاضی ا- مثلثات: صفحه های ۲۹ تا ۳۳)

(امیر هوشمند انصاری)

## گزینه «۲»

- ۱۶

به کمک واسطه حسابی داریم:

$$a_1 + a_2 + a_3 = 12 \rightarrow 3a_2 = 12 \rightarrow a_2 = 4 \Rightarrow 6d = 12 \Rightarrow d = 2 \\ a_2 + a_3 + a_4 = 48 \rightarrow 3a_3 = 48 \rightarrow a_3 = 16$$

(ریاضی ا- مجموعه، الگو و دنباله: صفحه های ۲۱ تا ۲۴)

(محمد رابعی هیم توزنده جانی)

## گزینه «۱»

جمله عمومی یک دنباله حسابی با جمله اول  $a_1$  و قدر نسبت  $d$  به صورت

$a_n = a_1 + (n-1)d$  و جمله عمومی یک دنباله هندسی با جمله اول  $b_1$

و قدر نسبت  $q$  به صورت  $b_n = b_1 q^{n-1}$  است.

$$b_1 q^2 - b_1 q^5 = 30d \rightarrow b_1 q^2 - b_1 q^5 = 30d$$

$$\Rightarrow b_1 q^2 - b_1 q^5 = 30d \rightarrow d = \frac{b_1 q^2 - b_1 q^5}{30} \quad (\text{I})$$

از طرفی داریم:

$$b_5 - b_8 = d \Rightarrow b_1 q^4 - b_1 q^7 = d \quad (\text{II})$$

$$(\text{I}), (\text{II}) \rightarrow \frac{b_1 q^2 - b_1 q^5}{30} = b_1 q^4 - b_1 q^7$$

$$\Rightarrow \frac{q^2 - q^5}{30} = q^4 - q^7$$

$$\Rightarrow \frac{q^4(q^3 - q)}{30} = q^4(q - 1) \Rightarrow q^3 - q = 30(q - 1)$$

$$\rightarrow q(q^2 - 1) = 30(q - 1) \rightarrow q(q+1)(q-1) = 30(q-1)$$

$$\xrightarrow[q \neq 1]{} q(q+1) = 30 \xrightarrow{\Delta q = 30} q = 5$$

(ریاضی ا- مجموعه، الگو و دنباله: صفحه های ۲۱ تا ۲۴)

(سید رضا اسلامی)

## گزینه «۴»

- ۱۸

$$\sqrt{2} \sin 45^\circ - 2\sqrt{3} \sin 60^\circ = \sqrt{2} \times \frac{1}{\sqrt{2}} - 2\sqrt{3} \times \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$= 1 - 3 = -2$$

(ریاضی ا- مثلثات: صفحه ۱۳۲)



(فرزانه کاکپاش)

## «۲۳- گزینه «۴»

گزینه «۱»: اگر  $x = 0$  انتخاب شود، به ازای هر  $y \in A$ ،  $xy = 0$  است.

پس این گزاره سوری درست است.

گزینه «۲»: اگر  $x = 1$  انتخاب شود، به ازای هر  $y \in A$ ،  $xy = y$  است.

پس این گزاره سوری درست است.

گزینه «۳»: اگر  $x = 5$  انتخاب شود، به ازای هر  $y \in A$ ،  $x+y \geq 5$  است.

است، پس این گزاره سوری درست است.

گزینه «۴»: به ازای هر  $x \in A$ ، اگر  $y = 0$  انتخاب شود، آنگاه  $xy = 0$

است که گزاره نمای  $xy \geq 5$  را نقض می‌کند.

(آمار و احتمال-آشنایی با مبانی ریاضیات: صفحه‌های ۱۳ تا ۱۵)

(سوکن روشن)

## «۲۴- گزینه «۳»

در گزینه‌های «۱»، «۲» به ازای  $x = 1$ ، هیچ  $y$  ای عضو اعداد طبیعی

نمی‌توان یافت که در نامساوی صدق کند.

مثال نقض گزینه «۴»: اگر  $x = -5$  باشد، آنگاه  $y = -5$  است که عدد

طبیعی نیست.

(آمار و احتمال-آشنایی با مبانی ریاضیات: صفحه‌های ۱۳ تا ۱۵)

(مریم مرسلی)

## «۲۵- گزینه «۱»

نقیض گزاره  $p$  نادرست است، پس گزاره  $p$  و در نتیجه گزاره

$p \vee (q \wedge r)$  درست است. یک ترکیب دو شرطی تنها در صورتی درست

است که دو گزاره سازنده آن دارای ارزش یکسان باشند، بنابراین گزاره

$q \Rightarrow (\sim p \wedge r)$  باید درست باشد. از طرفی  $p \sim$  و در نتیجه

$\sim p \wedge r$  نادرست هستند، پس لزوماً  $q$  نیز باید نادرست باشد تا ترکیب

شرطی به انتقای مقدم درست شود.

## آمار و احتمال

## «۲۱- گزینه «۱»

(سریر یقیاز اریان تبریزی)

اگر هر یک از گزاره‌های  $p$  یا  $q$  نادرست باشند، گزاره  $p \wedge q$  نادرست

است و در نتیجه گزاره  $(p \wedge q) \wedge \sim (p \vee q)$  نیز نادرست است. اگر هر

دو گزاره  $p$  و  $q$  درست باشند گزاره  $\sim (p \vee q)$  نادرست است و در

نتیجه گزاره  $(p \wedge q) \wedge \sim (p \vee q)$  نادرست می‌باشد؛ بنابراین ارزش

گزاره مورد نظر همواره نادرست است.

(آمار و احتمال-آشنایی با مبانی ریاضیات: صفحه‌های ۱۳ تا ۱۵)

(فرشاد فرامرزی)

## «۲۲- گزینه «۴»

گزاره شرطی تنها در صورتی نادرست است که مقدم آن درست و تالی آن

نادرست باشد. بنابراین داریم:

$$\begin{cases} p \vee r \equiv F \Rightarrow (p \equiv F) \wedge (r \equiv F) \\ (\sim p \Leftrightarrow q) \equiv T \end{cases}$$

از طرفی گزاره دو شرطی در صورتی درست است که دو طرف آن هم ارزش

باشند. از آنجا که  $p \equiv T$ ،  $\sim p \equiv F$

بررسی گزینه‌ها:

$$1) (p \equiv F) \wedge (q \equiv T) : (p \wedge q) \equiv F$$

$$2) (q \equiv T) \wedge (r \equiv F) : (q \Rightarrow r) \equiv F$$

$$3) (r \equiv F) \wedge (p \equiv F) : (r \vee p) \equiv F$$

$$4) (p \equiv F) \wedge (r \equiv F) : (p \Leftrightarrow r) \equiv T$$

(آمار و احتمال-آشنایی با مبانی ریاضیات: صفحه‌های ۶ تا ۱۳)



(سریر یقیاز ایران تبریزی)

## گزینه «۴» - ۲۸

$$2^n + 96 = 2^{n+2} \Rightarrow 2^{n+2} - 2^n = 96$$

$$\Rightarrow 2^n(2^2 - 1) = 96 \Rightarrow 2^n = \frac{96}{3} = 32$$

$$\Rightarrow 2^n = 2^5 \Rightarrow n = 5$$

(آمار و احتمال-آشنایی با مبانی ریاضیات: صفحه‌های ۱۶ و ۱۷)

(سریر یقیاز ایران تبریزی)

## گزینه «۴» - ۲۹

دو مجموعه در صورتی مساوی یکدیگرند که اعضای یکسانی داشته باشند.  
می‌توان نوشت:

$$A = B \Rightarrow \begin{cases} x = 0, & x^3 + 5x^2 + 2x - 8 = 1 \\ x = 1, & x^3 + 5x^2 + 2x - 8 = 0 \end{cases}$$

حالت اول به وضوح امکان‌پذیر نیست، پس  $x = 1$  بوده و در نتیجه تمامی اعضای C برابر ۱ هستند.

(آمار و احتمال-آشنایی با مبانی ریاضیات: صفحه‌های ۱۶ و ۱۷)

(اخشین فاصله‌هاین)

## گزینه «۳» - ۳۰

$$1 \leq x^2 \leq 9 \Rightarrow 1 \leq |x| \leq 3 \Rightarrow A = \{-3, -2, -1, 1, 2, 3\}$$

بررسی گزینه‌ها:

$$2x^2 + 5x - 3 \geq 0 \Rightarrow (2x - 1)(x + 3) \geq 0$$

$$\Rightarrow x \geq \frac{1}{2}, x \leq -3$$

به ازای  $x = -1$  و  $x = -2$  نامساوی برقرار نیست، پس گزاره سوری نادرست است.

$$6x^2 - x - 1 = 0 \Rightarrow (2x - 1)(3x + 1) = 0 \Rightarrow \begin{cases} x = \frac{1}{2} \\ x = -\frac{1}{3} \end{cases}$$

هیچ کدام از دو مقدار به A تعلق ندارد، پس گزاره سوری نادرست است.

$$|x - 2| \geq 5 \Rightarrow \begin{cases} x - 2 \geq 5 \Rightarrow x \geq 7 \\ x - 2 \leq -5 \Rightarrow x \leq -3 \end{cases}$$

نامساوی به ازای  $x = -3$  برقرار است، پس گزاره سوری درست است.

$$|x + 1| < 4 \Rightarrow -4 < x + 1 < 4 \Rightarrow -5 < x < 3$$

نامساوی به ازای  $x = 3$  برقرار نیست، پس گزاره سوری نادرست است.

(آمار و احتمال-آشنایی با مبانی ریاضیات: صفحه‌های ۱۶ و ۱۷)

حال به بررسی گزینه‌ها می‌پردازیم:

گزینه «۱»:

$$\sim (q \wedge r) \Leftrightarrow (r \Rightarrow p) \equiv \underbrace{\sim (F \wedge r)}_T \Leftrightarrow \underbrace{(r \Rightarrow T)}_T \equiv T$$

گزینه «۲»:

$$(p \Rightarrow r) \vee q \equiv \underbrace{(T \Rightarrow r)}_r \vee F \equiv r$$

گزینه «۳»:

$$(\sim r \Rightarrow q) \wedge p \equiv \underbrace{(\sim r \Rightarrow F)}_r \wedge T \equiv r$$

گزینه «۴»:

$$(r \Leftrightarrow p) \Leftrightarrow (q \Leftrightarrow r) \equiv (r \Leftrightarrow T) \Leftrightarrow (F \Leftrightarrow r)$$

$$\equiv r \Leftrightarrow \sim r \equiv F$$

(آمار و احتمال-آشنایی با مبانی ریاضیات: صفحه‌های ۱۶ تا ۱۷)

(امیرحسین ابومهیوب)

## گزینه «۴» - ۲۶

گزاره  $q \Rightarrow p$  نادرست است، پس گزاره  $p$  درست و گزاره  $\sim q$  نادرست است.در نتیجه گزاره  $q$  درست است. از طرفی هر دو گزاره  $r \Rightarrow q$  و  $q \Rightarrow r$ درست هستند، پس گزاره  $r$  نیز لزوماً درست است. حال برای دو گزاره( $\sim r \Rightarrow p$ )  $\Leftrightarrow (r \Rightarrow \sim p)$  داده شده داریم:

$$\equiv (F \Rightarrow T) \Leftrightarrow (T \Rightarrow F) \equiv T \Leftrightarrow F \equiv F$$

$$(p \wedge q) \Rightarrow (\sim r \Leftrightarrow q) \equiv (T \wedge T) \Rightarrow (F \Leftrightarrow T) \equiv T \Rightarrow F \equiv F$$

(آمار و احتمال-آشنایی با مبانی ریاضیات: صفحه‌های ۶ تا ۱۲)

(فرزنه فاکپاش)

## گزینه «۱» - ۲۷

نقیض ترکیب شرطی  $q \Rightarrow p$  به صورت  $p \wedge \sim q$  است. از طرفی تقیضگزاره  $(\forall x; P(x))$  به صورت  $(\exists x; \sim P(x))$  است، بنابراین تقیض

گزاره صورت سوال به شکل زیر است:

$$(\exists x \in \mathbb{R}; x^2 = 2) \wedge \sim (\forall x \in \mathbb{R}; x^2 > 0)$$

$$\equiv (\exists x \in \mathbb{R}; x^2 = 2) \wedge (\exists x \in \mathbb{R}; x^2 \leq 0)$$

(آمار و احتمال-آشنایی با مبانی ریاضیات: صفحه‌های ۹ تا ۱۵)



(محمدابراهیم تووزنده‌جانی)

## گزینه «۱» - ۳۴

$$\hat{A} = \frac{\widehat{BCD}}{2} = 50^\circ \Rightarrow \widehat{BCD} = 100^\circ$$

$$\Rightarrow \widehat{BAD} = 360^\circ - 100^\circ = 260^\circ$$

$$\Rightarrow \widehat{BCD} = \frac{260^\circ}{2} = 130^\circ$$

$$\Delta AMD : \widehat{CDN} \Rightarrow \widehat{CDN} = \alpha + 50^\circ$$

$$\Delta CDN : \widehat{BCD} \Rightarrow \widehat{BCD} = \widehat{CDN} + \widehat{N}$$

$$\Rightarrow 130^\circ = \alpha + 50^\circ + 30^\circ \Rightarrow \alpha = 50^\circ$$

(هنرسه -۲ - دایره: صفحه‌های ۱۳ و ۱۶)

(امیرحسین ابومنوب)

## گزینه «۲» - ۳۵

قطر دایره است، بنابراین هریک از کمان‌های  $\widehat{AC}$  و  $\widehat{ABC}$  برابر  $180^\circ$  هستند.

$$\widehat{ACB} = \frac{\widehat{AB}}{2} = 50^\circ \Rightarrow \widehat{AB} = 100^\circ$$

$$\Rightarrow \widehat{BC} = 180^\circ - 100^\circ = 80^\circ$$

$$\widehat{M} = \frac{\widehat{BC} - \widehat{AD}}{2} > 0 \Rightarrow \widehat{BC} > \widehat{AD} \Rightarrow \widehat{AD} < 80^\circ$$

$$180^\circ - \widehat{AD} > 100^\circ \Rightarrow \widehat{CD} > 100^\circ$$

$$\widehat{CD} > \widehat{AB} > \widehat{BC} \Rightarrow CD > AB > BC$$

$$\Rightarrow 4a - 1 > 3a + 4 > 5a + 1$$

$$4a - 1 > 3a + 4 \Rightarrow a > 5 \Rightarrow a > \frac{5}{4} \quad (1)$$

$$3a + 4 > 5a + 1 \Rightarrow 2a < 3 \Rightarrow a < \frac{3}{2} \quad (2)$$

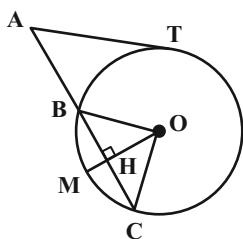
$$(1), (2) \Rightarrow \frac{5}{4} < a < \frac{3}{2}$$

در بین گزینه‌ها تنها عدد  $\frac{11}{4}$  در این نامساوی صدق می‌کند.

(هنرسه -۲ - دایره: صفحه‌های ۱۳ و ۱۶)

(محمد هنرمن)

## گزینه «۲» - ۳۶



## هنرسه ۲

## گزینه «۱» - ۳۱

(فرزانه ناکپاش)

اگر شعاع دایره‌های کوچک‌تر و بزرگ‌تر را به ترتیب با  $R_1$  و  $R_2$  نمایش دهیم، آنگاه داریم:

$$\pi R_2^2 - \pi R_1^2 = 3\pi R_1^2 \Rightarrow \pi R_2^2 = 4\pi R_1^2 \Rightarrow R_2^2 = 4R_1^2 \Rightarrow R_2 = 2R_1 \quad (1)$$

طول خط‌المرکزین دو دایره برابر تفاضل شعاع دو دایره است و داریم:

$$R_2 - R_1 = 2 \xrightarrow{(1)} 2R_1 - R_1 = 2 \Rightarrow R_1 = 2$$

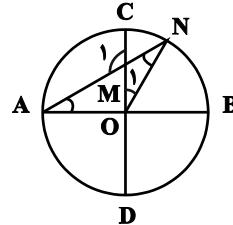
مساحت دایره کوچک‌تر

(هنرسه -۲ - دایره: صفحه ۱۶)

## گزینه «۳» - ۳۲

(محمدابراهیم تووزنده‌جانی)

فرض کنیم  $\widehat{A} = \alpha$ ، با رسم شعاع  $ON$ ، داریم:



$$\Delta OAN : ON = OA \Rightarrow \widehat{N} = \widehat{A} = \alpha$$

$$\Delta MON : MO = MN \Rightarrow \widehat{O}_1 = \widehat{N} = \alpha$$

$$\Delta OAN : A\widehat{ON} + \widehat{A} + \widehat{N} = 180^\circ \Rightarrow (90^\circ + \alpha) + \alpha + \alpha = 180^\circ$$

$$3\alpha = 90^\circ \Rightarrow \alpha = 30^\circ \Rightarrow \widehat{A} = 30^\circ$$

: زاویه متقابل به رأس  $\widehat{M}_1 = \widehat{OMN} = 180^\circ - 2\alpha = 120^\circ$

$$\Rightarrow \frac{\widehat{A}}{\widehat{M}_1} = \frac{1}{4}$$

(هنرسه -۲ - دایره: صفحه‌های ۱۳ و ۱۶)

## گزینه «۴» - ۳۳

با فرض  $\widehat{M} = x$  داریم:

$$\Delta BMT : BT = BM \Rightarrow \widehat{BTM} = \widehat{M} = x$$

$$\widehat{BTM} = \frac{\widehat{BT}}{2} \Rightarrow \widehat{BT} = 2x$$

$$\widehat{M} = \frac{\widehat{AT} - \widehat{BT}}{2} \Rightarrow x = \frac{\widehat{AT} - 2x}{2} \Rightarrow \widehat{AT} = 4x$$

می‌دانیم کمان‌های نظیر دو وتر مساوی، برابر یکدیگرند، بنابراین

است و در نتیجه داریم:  $\widehat{AB} = \widehat{AT} = 4x$

$$\widehat{AB} + \widehat{AT} + \widehat{BT} = 360^\circ \Rightarrow 4x + 4x + 2x = 360^\circ$$

$$\Rightarrow 10x = 360^\circ \Rightarrow x = 36^\circ$$

(هنرسه -۲ - دایره: صفحه‌های ۱۳ و ۱۶)

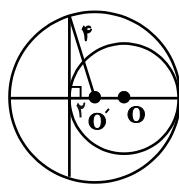


= فاصله وتر موردنظر از مرکز دایره بزرگتر

= شعاع دایره بزرگتر

$$\Rightarrow 4 = 2\sqrt{4^2 - 2^2} = 4\sqrt{3}$$

(هنرسه ۲ - دایره: صفحه‌های ۱۹ و ۳۰)



(کتاب آن)

### گزینه «۲» - ۳۹

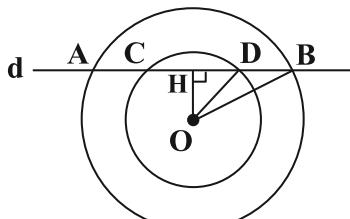
از O عمودی بر AB رسم می‌کنیم تا آن را نصف کند. پس:

$$HB = \frac{AB}{2} = \frac{30}{2} = 15$$

$$OH^2 = OB^2 - HB^2 = 17^2 - 15^2 \Rightarrow OH^2 = 64 \Rightarrow OH = 8$$

$$HD^2 = OD^2 - OH^2 = 10^2 - 8^2 \Rightarrow HD^2 = 36 \Rightarrow HD = 6$$

$$\Rightarrow CD = 2HD = 2 \times 6 = 12$$



نتکه: قطر عمود بر وتر، آن وتر را نصف می‌کند.

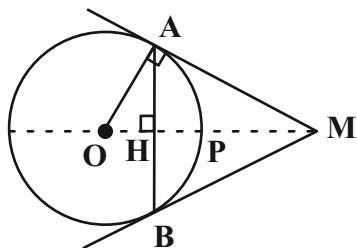
(هنرسه ۲ - دایره: صفحه ۳۰)

(کتاب آن)

### گزینه «۳» - ۴۰

با توجه به شکل، P نزدیک‌ترین نقطه دایره به M است، پس:

$$MP = 4(\sqrt{2} - 1)$$



$$OM = OP + MP = 4 + (4\sqrt{2} - 4) = 4\sqrt{2}$$

و در نتیجه:

از طرفی چون OM بر AB عمود است (چرا؟) پس در مثلث

قائم‌الزاویه  $\triangle AOM$ ، پاره خط AH ارتفاع وارد بر وتر است و می‌توانیم از رابطه زیر استفاده کنیم:

$$OA^2 = OH \cdot OM \Rightarrow OH = \frac{OA^2}{OM} = \frac{4^2}{4\sqrt{2}} = 2\sqrt{2}$$

(هنرسه ۲ - دایره: صفحه‌های ۱۹ و ۳۰)

طبق روابط طولی در دایره داریم:

$$AT^2 = AB \times AC \Rightarrow 64 = 4 \times AC$$

$$\Rightarrow AC = 16 \Rightarrow BC = 16 - 4 = 12$$

مطابق شکل از نقطه O، عمود OH را بر وتر BC رسم می‌کنیم.

در این صورت  $\widehat{BM} = \widehat{MC} = 60^\circ$  و  $BH = HC = \frac{12}{2} = 6$  است.

می‌دانیم طول ضلع robe به زاویه  $60^\circ$  در یک مثلث قائم‌الزاویه،

طول وتر است، بنابراین داریم:

$$\Delta O BH : B \widehat{O} H = 60^\circ \Rightarrow BH = \frac{\sqrt{3}}{2} OB \Rightarrow 6 = \frac{\sqrt{3}}{2} R$$

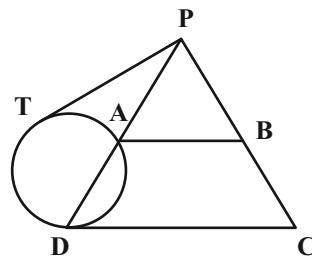
$$R = \frac{12}{\sqrt{3}} \times \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{3}} = 4\sqrt{3}$$

$$\text{مساحت دایره} = \pi R^2 = 48\pi$$

(هنرسه ۲ - دایره: صفحه‌های ۱۸ و ۱۹)

### گزینه «۳» - ۴۷

طبق تعیین قضیه تالس در مثلث PCD داریم:



$$AB \parallel CD \Rightarrow \frac{PA}{PD} = \frac{AB}{CD}$$

$$\Rightarrow \frac{PA}{PA+4} = \frac{10}{15} = \frac{2}{3}$$

$$\Rightarrow 3PA = 2PA + 14 \Rightarrow PA = 14$$

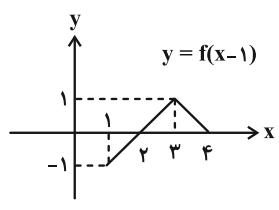
طبق روابط طولی در دایره داریم:

$$\Rightarrow PT^2 = (7 \times 2) \times (7 \times 3) \Rightarrow PT = 7\sqrt{6} \Rightarrow \frac{PT}{AD} = \sqrt{6}$$

(هنرسه ۲ - دایره: صفحه‌های ۱۸ و ۱۹)

### گزینه «۴» - ۴۸

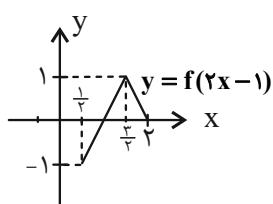
طول هر وتر در دایره به فاصله مرکز دایره از آن وتر، بستگی دارد. بدین صورت که هر چه قدر وتر به مرکز دایره نزدیک‌تر باشد، طولش بیشتر است. پس وتر مذکور باید از مرکز دایرة بزرگتر، کمترین فاصله را داشته باشد، یعنی مطابق شکل، بر خط واصل دو مرکز، عمود باشد. داریم:



راه دوم: دو نقطه  $(-1, 0)$  و  $(1, 0)$  به نقاط  $(-1, \frac{1}{2})$  و  $(1, \frac{1}{2})$  تبدیل

می‌شوند. این دو نقطه روی نمودار گزینه «۲» هستند.

(مسابقات - صفحه‌های ۱ تا ۱۲)



(ممید مام قادری)

## حسابان ۲

### گزینه «۴» - ۴۱

$$f(x) + f(-x) = 0 \Rightarrow f(x) = -f(-x)$$

داریم:

یعنی اگر نمودار را نسبت به محور  $x$  ها و محور  $y$  ها قرینه کنیم، نمودار به

دست آمده منطبق بر نمودار  $y = f(x)$  است. به عبارت دیگر بازتاب نمودار

$f$  نسبت به مبدأ بر خود منطبق است. بنابراین تنها گزینه‌ای که این

شرط را دارد گزینه «۴» است.

(جهانیشن نیکنام)

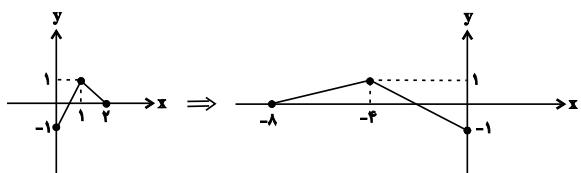
«۲» - ۴۴

$$2t+3 = -\frac{1}{2}x+1 \Rightarrow t = -\frac{1}{4}x-1$$

برای تبدیل نمودار تابع  $y = f(2x+3)$  به نمودار تابع

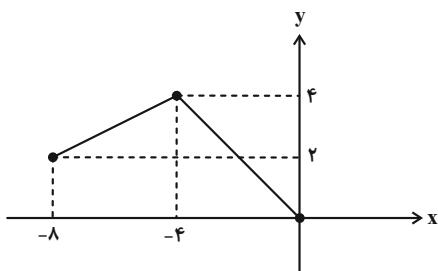
$y = f(-\frac{1}{2}x+1)$ . باید نمودار را ۱ واحد به راست منتقل کنیم و سپس

طول نقاط نمودار را در ۴ ضرب کنیم.



برای محور  $y$  ها باید نمودار اولیه را در راستای محور  $y$  ها، ۱ واحد به سمت

بالا ببریم، در نهایت عرض نقاط را در ۲ ضرب کنیم. در نهایت داریم:



(مسابقات - صفحه‌های ۱ تا ۱۲)

(مسابقات - صفحه‌های ۱ تا ۱۲)

(اعمده رضا ذکر زاده)

### گزینه «۲» - ۴۲

اگر نمودار تابع  $y = \sqrt{-x}$  را یک واحد به راست منتقل کنیم نمودار تابع

$y = \sqrt{-(x-1)} = \sqrt{-x+1}$  به دست می‌آید. اگر نمودار به دست

$y = \sqrt{x+1}$  آمده را نسبت به محور عرض‌ها قرینه کنیم نمودار تابع

می‌شود. و اگر مجدداً این نمودار را یک واحد به راست منتقل کنیم نمودار

تابع  $y = \sqrt{(x-1)+1} = \sqrt{x}$  به دست می‌آید.

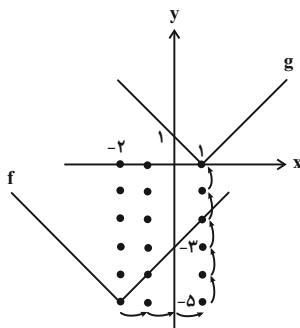
(مسابقات - صفحه‌های ۱ تا ۱۲)

(میلاد سپاهی لاریجانی)

### گزینه «۲» - ۴۳

راه اول: ابتدا باید نمودار تابع  $f$  را یک واحد به راست ببریم و سپس همه

$X$  ها را  $\frac{1}{2}$  برابر کنیم.



راه حل دوم: ابتدا با توجه به خواص قدرمطلق داریم که:

$$g(x) = |1-x| = |x-1|$$

سپس برای انتقال نمودار تابع  $f(x)$  به  $g(x)$  می‌توانیم ابتدا  $f$  را سه واحد

به راست ( $x \rightarrow x - 3$ ) و ۵ واحد به بالا ببریم.

(مسابان ۲ - صفحه‌های ۱ تا ۱۲)

(ممدرمهوری زریون)

#### گزینه «۲» - ۴۸

مختصات نقطه A را در ضابطه تابع  $y = 2f(2x - 3) + 1$  قرار می‌دهیم:

$$-3 = 2f(-1) + 1 \Rightarrow f(-1) = -2$$

حال ورودی تابع  $f$  را در ضابطه  $y = 3 - f(4 - \frac{x}{3})$  برابر ۱ قرار

$$4 - \frac{x_0}{3} = -1 \Rightarrow x_0 = 15 \quad \text{می‌دهیم:}$$

$$y_0 = 3 - f(4 - \frac{x_0}{3}) = 3 - (-2) = 5 \quad \text{و با جایگذاری } x_0 \text{ داریم:}$$

(مسابان ۲ - صفحه‌های ۱ تا ۱۲)

(ممدرمسن سلامی‌حسینی)

#### گزینه «۱» - ۴۹

$$f(x) = 2x + 3 \quad \text{و ۱ درجهٔ های مثبت}$$

$$\frac{1}{4}(2x - 3) = \frac{x}{2} - \frac{3}{4} \quad \text{انقباض عمودی ۴ برابر}$$

(شاھین پروازی)

#### گزینه «۱» - ۴۵

$$f(x) = \sqrt{(x-2)^2 - 3} + 1$$

$$\Rightarrow (fog)(x) = f(g(x)) = \sqrt{(7-x)-3} + 1$$

$$\Rightarrow (fog)(x) = \sqrt{4-x} + 1$$

برای این‌که از نمودار تابع fog به نمودار تابع g برسیم، کافی است آن را

۳ واحد به راست و یک واحد به بالا منتقل کنیم:

$$(fog)(x) = \sqrt{4-x} + 1 \xrightarrow[y \rightarrow y-1]{x \rightarrow x-3}$$

$$\Rightarrow y-1 = \sqrt{4-(x-3)} + 1 \Rightarrow y = \sqrt{7-x} + 2 = g(x)$$

دقت کنید در این سؤال دامنه توابع مشکلی برای ما ایجاد نمی‌کنند.

(مسابان ۲ - صفحه‌های ۱ تا ۱۲)

(رضای علی نواز)

#### گزینه «۴» - ۴۶

در گام اول طول نقاط تابع  $f$  را در ۳ ضرب می‌کنیم:

$$f\left(\frac{x}{3}\right)$$

سپس نمودار حاصل را یک واحد به چپ می‌بریم:

و در نهایت عرض نقاط را در  $\frac{3}{2}$  ضرب می‌کنیم:

$$g(x) = -\frac{3}{2}f\left(\frac{1}{3}x + \frac{1}{3}\right)$$

(مسابان ۲ - صفحه‌های ۱ تا ۱۲)

(اخشین خاصه‌خان)

#### گزینه «۳» - ۴۷

راه حل اول: ابتدا هر دو تابع را رسم می‌کنیم. برای آن‌که تابع  $f$  بر تابع g

منطبق شود باید نمودار  $f$  ۳ واحد در جهت x ها رو به راست و ۵ واحد در

جهت y ها رو به بالا انتقال یابد.


**حسابان -۲ - آشنا**

(کتاب اول)

گزینه «۴» -۵۱

انقباض عمودی مربوط به تغییرات روی  $y$  است و چون می‌خواهیم انقباض

صورت بگیرد باید این مقادیر کوچک شوند.

(حسابان -۲ - صفحه‌های ۱ تا ۱۲)

(کتاب اول)

گزینه «۲» -۵۲

ابتدا تابع داده شده را به صورت مریع کامل بازنویسی می‌کنیم تا بتوانیم با

$y = x^2$  مقایسه کنیم:

$$y = x^2 - 2x + 3 = x^2 - 2x + 1 + 2 = (x - 1)^2 + 2$$

پس باید  $(x - 1)^2 + 2$  را یک واحد به سمت چپ و دو واحد به سمت پایین

بیاوریم تا بر  $x^2$  منطبق شود.

(حسابان -۲ - صفحه‌های ۱ تا ۱۲)

(کتاب اول)

گزینه «۱» -۵۳

از قوانین مریوط به انتقال نمودار که در قسمت نکته گفته شده، داریم:

$$y = f(x) \xrightarrow{\text{یک واحد به چپ}} y = f(x+1)$$

$$\xrightarrow{\text{قرینه نسبت به محور } y} y = f(-x+1)$$

$$\xrightarrow{\text{دو برابر کردن عرض}} y = 2f(-x+1)$$

(حسابان -۲ - صفحه‌های ۱ تا ۱۲)

$$\text{انتقال } k \text{ واحد به سمت چپ} \rightarrow y = \frac{1}{2}(x+k) - \frac{3}{4}$$

$$\Rightarrow y = \frac{1}{2}x + \frac{2k-3}{4} = g(x)$$

$$f(x) = 2x + 3 = 0 \Rightarrow x = -\frac{3}{2}$$

$$g\left(-\frac{3}{2}\right) = -\frac{3}{4} + \frac{2k-3}{4} = 0 \Rightarrow k = 3$$

(حسابان -۲ - صفحه‌های ۱ تا ۱۲)

«۳» -۵۰

ضابطه تابع  $f$  را به صورت یک تابع چند ضابطه‌ای می‌نویسیم:

$$f(x) = \sqrt{x - \frac{2x}{|x|}} = \begin{cases} \sqrt{x-2} & ; \quad x \geq 2 \\ \sqrt{x+2} & ; \quad -2 \leq x < 0 \end{cases}$$

اگر نمودار تابع  $f$  را نسبت به مبدأ مختصات قرینه کرده و یک واحد به بالا

منتقل کنیم، ضابطه تابع جدید که آن را  $g(x)$  می‌نامیم، به صورت زیر

$$g(x) = -f(-x) + 1$$

و همچنین برای مشخص کردن نقاط برخورد نمودار این تابع با محور  $x$  ها

معادله  $0 = g(x)$  را حل می‌کنیم:

$$g(x) = -f(-x) + 1 = 0 \Rightarrow f(-x) = 1$$

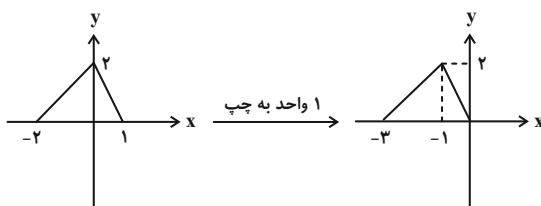
$$\Rightarrow \begin{cases} \sqrt{-x-2} = 1 & \xrightarrow{x \leq -2} x = -3 \\ \sqrt{-x+2} = 1 & \xrightarrow{0 < x \leq 2} x = 1 \end{cases}$$

حاصل ضرب طول دو نقطه به دست آمده برابر  $3$  است.

(حسابان -۲ - صفحه‌های ۱ تا ۱۲)



۳ برابر شدن عرض نقاط  $\rightarrow -3f\left(\frac{x}{2} + 1\right)$



«۱» گزینه -۵۴

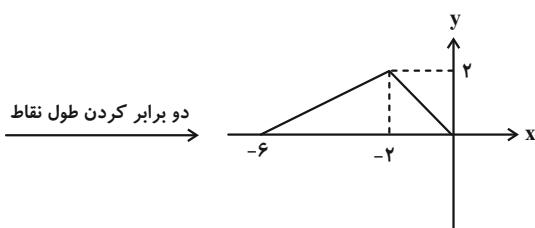
(کتاب اول)

$$f(x) = \sqrt{x-1} \xrightarrow{\text{قرینه نسبت به محور } y \text{ ها}} y = \sqrt{-x-1}$$

$$\xrightarrow{\text{۴ واحد به سمت راست}} y = \sqrt{-(x-4)-1}$$

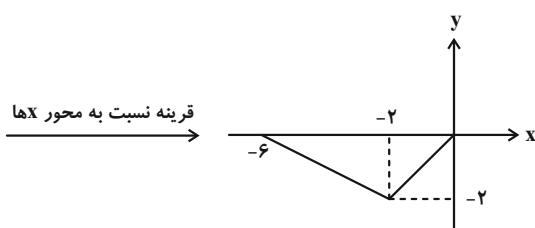
$$\Rightarrow y = \sqrt{-x+4-1} = \sqrt{3-x}$$

محل تقاطع با محور طول‌ها یعنی جایی که  $y = 0$  است.



$$y = \sqrt{3-x} = 0 \Rightarrow 3-x = 0 \Rightarrow x = 3$$

(مسابقات -۲ صفحه‌های ۱ تا ۱۲)



(کتاب اول)

«۱» گزینه -۵۵

برای به دست آوردن ضابطه تابع  $f$ ، تمام مراحل داده شده را به صورت

عکس روی تابع  $(x)$  اعمال می‌کنیم:

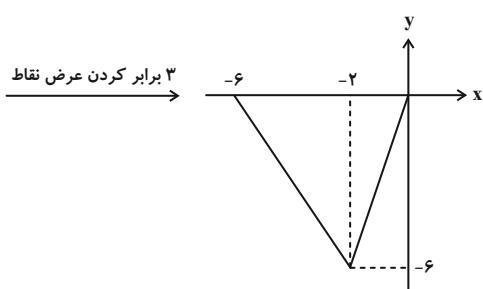
$$g(x) = -|x+5|+2 \xrightarrow{\text{۲ واحد به سمت بالا}}$$

$$\xrightarrow{-|x+5|+4 \text{ قرینه نسبت به محور } x \text{ ها}}$$

$$\xrightarrow{|x+5|-4 \text{ ۲ واحد به سمت راست}} |x+3|-4$$

$$\Rightarrow f(x) = |x+3|-4$$

(مسابقات -۲ صفحه‌های ۱ تا ۱۲)



(مسابقات -۲ صفحه‌های ۱ تا ۱۲)

(کتاب اول)

«۳» گزینه -۵۶

ابتدا ترتیب اعمال تغییرات را در می‌آوریم و سپس نمودار را رسم می‌کنیم.

$$f(x) \xrightarrow{\text{یک واحد به چپ}} f(x+1) \xrightarrow{\text{دو برابر شدن طول نقاط}} \dots$$

$$f\left(\frac{x}{2} + 1\right) \xrightarrow{\text{قرینه نسبت به محور } x \text{ ها}} -f\left(\frac{x}{2} + 1\right)$$

«۴» گزینه -۵۷

برای پیدا کردن دامنه تابع  $(x)$   $g$  باید دامنه تابع  $f(x+2)$  و  $f(2x)$  را

بیابیم و بین جواب‌ها اشتراک بگیریم. داریم:

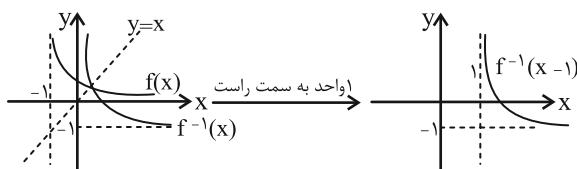
(کتاب اول)

«۴» گزینه -۵۷



(کتاب اول)

## گزینه ۳ - ۵۹

ابتدا نمودار  $f^{-1}(x)$  را رسم می کنیم و سپس یک واحد آن را به سمت راست می بریم تا به نمودار  $(f^{-1}(x-1))$  برسیم.

(مسابان ۲ - صفحه های ۱ تا ۱۲)

(کتاب اول)

## گزینه ۴ - ۶۰

مراحل انتقال تابع  $f$  به تابع  $g$  به این صورت است: (در قسمت نکته ترتیب

اعمال تغییرات توضیح داده شده است).

$$f(x) \xrightarrow{\text{۱ واحد به سمت چپ}} f(x+1) \xrightarrow{\text{طول نقاط نصف می شود}} f(2x+1)$$

$$\xrightarrow{\text{۳ واحد به سمت پایین می رود}} f(-2x+1) \xrightarrow{\text{قرینه نسبت به محورها}}$$

$$f(-2x+1)-3 = g(x)$$

حال همین تغییرات را روی نقطه  $A$  اعمال می کنیم تا به نقطه  $A'$  برسیم:

$$A(3,1) \xrightarrow{\text{۱ واحد به سمت چپ}} (2,1) \xrightarrow{\text{طول نقطه نصف می شود}} (1,1)$$

$$\xrightarrow{\text{۳ واحد به سمت پایین می رود}} A(-1,-2) \xrightarrow{\text{قرینه نسبت به محورها}}$$

$$\begin{aligned} AA' &= \sqrt{(x_A - x_{A'})^2 + (y_A - y_{A'})^2} = \sqrt{(3 - (-1))^2 + (1 - (-2))^2} \\ &= \sqrt{16 + 9} = \sqrt{25} = 5 \end{aligned}$$

(مسابان ۲ - صفحه های ۱ تا ۱۲)

$$\left. \begin{array}{l} x+2 \in [-4, 1] \Rightarrow -4 \leq x+2 \leq 1 \Rightarrow -6 \leq x \leq -1 \\ 2x \in [-4, 1] \Rightarrow -4 \leq 2x \leq 1 \Rightarrow -2 \leq x \leq \frac{1}{2} \end{array} \right\}$$

$$\xrightarrow{\text{اشتراک می گیریم}} [-2, -1] \Rightarrow D_g = [-2, -1]$$

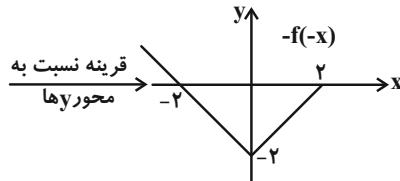
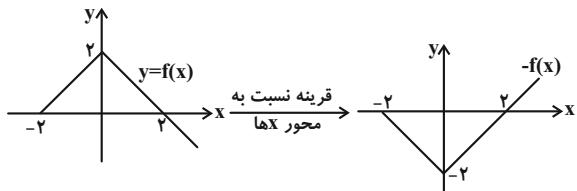
(مسابان ۲ - صفحه های ۱ تا ۱۲)

(کتاب اول)

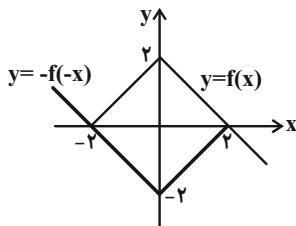
## گزینه ۳ - ۵۸

برای رسم نمودار  $y = -f(-x)$  باید نمودار  $y = f(x)$  را نسبت به محور

x ها و y ها قرینه کنیم. بنابراین داریم:



با رسم هر دو نمودار در یک شکل داریم:



سطح محدود بین دو نمودار یک مریع است که از طرفی لوزی هم هست و

مساحت آن از رابطه  $\frac{\text{حاصل ضرب دو قطر}}{2}$  به دست می آید. در نتیجه داریم:

$$S = \frac{4 \times 4}{2} = 8 : \text{مساحت سطح بین دو نمودار}$$

(مسابان ۲ - صفحه های ۱ تا ۱۲)



(کیوان (دارایی))

## «۴» گزینه

ابتدا مرتبه ماتریس  $B$  را تعیین می‌کنیم:

$$B_{m \times n} \times A_{1 \times 3} = (BA)_{3 \times 3} \Rightarrow \begin{cases} m = 3 \\ n = 1 \end{cases}$$

بنابراین  $B$  یک ماتریس  $3 \times 1$  است، یعنی داریم:

$$B = \begin{bmatrix} a \\ b \\ c \end{bmatrix}$$

$$BA = \begin{bmatrix} a \\ b \\ c \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a & 2a & 3a \\ b & 2b & 3b \\ c & 2c & 3c \end{bmatrix}$$

از طرفی داریم:

$$BA = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 0 & 0 & 0 \\ 1 & 2 & 3 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{cases} a = 1 \\ b = 0 \\ c = 1 \end{cases} \Rightarrow B = \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix}$$

$$AB = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix} = [4]$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها؛ صفحه‌های ۱۷ و ۱۹)

(سوکندر (روشنی))

## «۳» گزینه

با توجه به قطری بودن ماتریس  $A$  داریم:

$$\begin{cases} a - 3 = 0 \Rightarrow a = 3 \\ b + 2 = 0 \Rightarrow b = -2 \end{cases} \Rightarrow A = \begin{bmatrix} 2 & 0 \\ 0 & -5 \end{bmatrix}$$

$$B = A \Rightarrow \begin{bmatrix} m & x \\ n & y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 & 0 \\ 0 & -5 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{cases} m = 2 \\ x = n = 0 \\ y = -5 \end{cases}$$

$$\frac{my + na}{am - 2b} = \frac{2(-5) + 0 \times 3}{2(2) - 2(-2)} = -1$$

بنابراین داریم:

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها؛ صفحه‌های ۱۲ و ۱۳)

(مهرداد ملوانی‌ردی)

## «۴» گزینه

با توجه به این که ماتریس  $C$  اسکالر است، داریم:

$$\begin{cases} A + 3B = \begin{bmatrix} k & 0 \\ 0 & k \end{bmatrix} \\ A - B = \begin{bmatrix} 2 & 0 \\ -1 & 0 \end{bmatrix} \xrightarrow{\times 3} 3A - 3B = \begin{bmatrix} 6 & 0 \\ -3 & 0 \end{bmatrix} \end{cases}$$

$$\xrightarrow{\text{جمع دو رابطه}} 4A = \begin{bmatrix} k+6 & 0 \\ -3 & k \end{bmatrix}$$

## هندسه ۳

## «۲» گزینه

(امیرحسین ابومصوب)

در بین روابط داده شده، فقط رابطه «الف» یعنی شرکت‌بذیری جمع ماتریس‌ها همواره برقرار است.

رابطه «ب» نادرست است؛ چون جمع یک ماتریس و قرینه آن برابر ماتریس صفر یعنی  $\bar{O}$  است نه عدد صفر.رابطه «پ» نیز در حالتی برقرار است که  $0 \neq 3$  باشد که در عبارت داده شده این شرط دیده نمی‌شود.

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها؛ صفحه‌های ۱۵ و ۱۶)

## «۲» گزینه

(کیوان (دارایی))

برای پیدا کردن ماتریس  $A$ ، مانند حل دستگاه دو معادله - دو مجهول عمل می‌کنیم:

$$\begin{cases} 2A - 3B = \begin{bmatrix} -10 & -5 \\ 0 & 5 \end{bmatrix} \xrightarrow{\times 2} 4A - 6B = \begin{bmatrix} -20 & -10 \\ 0 & 10 \end{bmatrix} \\ 3A + 2B = \begin{bmatrix} 11 & 12 \\ 13 & 14 \end{bmatrix} \xrightarrow{\times 3} 9A + 6B = \begin{bmatrix} 33 & 36 \\ 39 & 42 \end{bmatrix} \end{cases}$$

$$\xrightarrow{\text{جمع دو رابطه}} 13A = \begin{bmatrix} 13 & 26 \\ 39 & 52 \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow A = \frac{1}{13} \begin{bmatrix} 13 & 26 \\ 39 & 52 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix}$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها؛ صفحه‌های ۱۳ تا ۱۵)

## «۳» گزینه

(امیرحسین ابومصوب)

طبق تعریف برای درایه‌های ماتریس‌های  $A$  و  $B$  داریم:

$$A = \begin{bmatrix} 1^2 - 1 & 2 - 1 \\ 2(2) - 1 & 2^2 - 1 \\ 2(3) - 1 & 2(3) - 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 3 & 3 \\ 5 & 4 \end{bmatrix}$$

$$B = \begin{bmatrix} 1^2 - 1 & 1 - 2 + 1 & 1 - 3 + 1 \\ 2 + 2(1) & 2^2 - 1 & 2 - 3 + 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & -1 \\ 4 & 3 & 0 \end{bmatrix}$$

$$AB = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 3 & 3 \\ 5 & 4 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 & 0 & -1 \\ 4 & 3 & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 4 & 9 \\ 9 & -5 \end{bmatrix}$$

مجموع درایه‌های قطر اصلی برابر است با:

مجموع درایه‌های ماتریس  $A$  برابر است با:

$$\frac{1}{2} \text{ باشد.}$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها؛ صفحه‌های ۱۰ تا ۱۹)



(سوکنند روشن)

## -۶۹- گزینه «۳»

ابتدا عبارت خواسته شده در صورت سؤال را باز می کنیم:

$$\sum_{j=1}^4 a_{2j} = a_{21} + a_{22} + a_{23} + a_{24}$$

بنابراین مجموع درایه های سطر دوم ماتریس A خواسته شده است. برای

پیدا کردن این درایه ها کافی است سطر دوم ماتریس سمت چپ را در

ماتریس سمت راست ضرب کنیم.

$$\begin{bmatrix} -2 & 3 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & -1 & 2 & 0 \\ 5 & 3 & 4 & -3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 13 & 11 & 8 & -9 \end{bmatrix}$$

$$\sum_{j=1}^4 a_{2j} = 13 + 11 + 8 - 9 = 23$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها: صفحه های ۱۰ تا ۱۹)

(امیرحسین ابومیوب)

## -۷۰- گزینه «۳»

$$AB = \begin{bmatrix} 2 & -1 & 4 \\ 2 & x & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 & y \\ 1 & 0 \\ -4 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -25 & 2y+4 \\ x-3 & 2y+1 \end{bmatrix}$$

ماتریس AB قطری است، بنابراین داریم:

$$\begin{cases} 2y + 4 = 0 \Rightarrow y = -2 \\ x - 3 = 0 \Rightarrow x = 3 \end{cases}$$

حال ماتریس BA را محاسبه می کنیم:

$$BA = \begin{bmatrix} 2 & -2 \\ 1 & 0 \\ -4 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 & -1 & 4 \\ 2 & 3 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & -8 & 6 \\ 2 & -1 & 4 \\ -12 & 10 & -27 \end{bmatrix}$$

همان طور که مشاهده می شود، بزرگترین درایه ماتریس BA، برابر ۱۰ است.

کوچکترین درایه ماتریس AB برابر -۲۵ می باشد. بنابراین نسبت خواسته

شده برابر است با  $4 / -25$ .

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها: صفحه های ۱۰ تا ۱۹)

مجموع درایه های ماتریس A برابر ۲ است، پس مجموع درایه های ماتریس ۴A برابر ۸ است و داریم:

$$(k+6) + 9 - 3 + k = 8 \Rightarrow 2k = -4 \Rightarrow k = -2$$

بنابراین مجموع درایه های ماتریس C، برابر  $2k = -4$  است.

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها: صفحه های ۱۰ تا ۱۹)

## -۶۷- گزینه «۲»

به جای محاسبه کل ماتریس ABC، همان ستون مطلوب را پیدا می کنیم.

$$ABC = A(BC)$$

$$\Rightarrow (A(BC)) = A \times (BC) = \text{ستون سوم}$$

$$BC = B \times (C) = \text{ستون سوم}$$

$$= \begin{bmatrix} 3 & 2 & 1 \\ 1 & 3 & 2 \\ 1 & 2 & 3 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 5 \\ 4 \\ 3 \end{bmatrix}$$

حال ماتریس A را از سمت چپ در ستون به دست آمده ضرب می کنیم:

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 1 \\ 0 & 2 & 0 \\ 3 & 0 & 3 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 5 \\ 4 \\ 3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 8 \\ 8 \\ 24 \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow 8 + 8 + 24 = 40 \quad \text{مجموع درایه ها}$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها: صفحه های ۱۰ تا ۱۹)

(امیرحسین ابومیوب)

## -۶۸- گزینه «۱»

با ضرب کردن ماتریس ها از سمت چپ، معادله را ساده می کنیم:

$$\begin{bmatrix} x & 2x & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} a & 1 & 1 \\ -4 & 0 & -2 \\ 1 & 2 & a \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ 2x \\ 1 \end{bmatrix} = 0$$

$$\Rightarrow [(a-1)x + 1 \quad x + 2 \quad -3x + a] \begin{bmatrix} x \\ 2x \\ 1 \end{bmatrix} = 0$$

$$\Rightarrow [(a-1)x^2 + x + 2x^2 + 4x - 3x + a] = 0$$

$$\Rightarrow (a-6)x^2 + 2x + a = 0$$

$$\frac{a}{a-6} = -\Delta \quad \text{حاصل ضرب جواب ها}$$

$$\Rightarrow a = -\Delta a + 30 \Rightarrow 6a = 30 \Rightarrow a = 5$$

$$\frac{-2}{a-6} = \frac{a=5}{-\Delta} \Rightarrow \frac{-2}{-1} = 2 \quad \text{مجموع جواب ها}$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها: صفحه های ۱۰ تا ۱۹)



$$\Rightarrow ۱۶ - ۸x + x^2 = x^2 + ۹ \Rightarrow ۸x = ۷ \Rightarrow x = \frac{۷}{۸} = ۰.۸۷۵$$

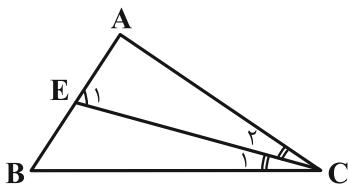
(هنرسه - ترسیم‌های هندسی و استدلال، صفحه‌های ۱۸ و ۱۹)

(امیرحسین ابومنوب)

گزینه «۳» - ۷۳

نقطه E از دو ضلع AC و BC به یک فاصله است، پس روی نیمساز زاویه

قرار دارد، پس در شکل زیر  $\hat{C}_1 = \hat{C}_2$ . با توجه به شکل داریم:



$$\left. \begin{array}{l} \triangle BEC: \hat{E}_1 = \hat{B} + \hat{C}_1 \\ \hat{C}_1 = \hat{C}_2 \end{array} \right\} \Rightarrow \hat{E}_1 = \hat{B} + \hat{C}_2 \Rightarrow \hat{E}_1 > \hat{C}_2$$

در مثلث AEC، زاویه  $E_1$  بزرگتر از زاویه  $C_2$  است، پس:

(هنرسه - ترسیم‌های هندسی و استدلال: صفحه ۲۲)

(امیرحسین ابومنوب)

گزینه «۲» - ۷۴

نقاطی از صفحه که از دو نقطه A و B به یک فاصله باشند، روی

عمودمنصف پاره خط AB قرار دارند. همچنین نقاطی از صفحه که از خط

$d$  به فاصله ۳ واحد باشند، روی دو خط موازی با  $d$  و در طرفین آن

واقع‌اند. تعداد نقاط برخوردهای عمودمنصف پاره خط AB و این دو خط، مطابق

شکل‌های زیر است.

الف) عمودمنصف AB، هر دو خط  $d_1$  و  $d_2$  را قطع کند. در این صورت

مسئله ۲ جواب دارد.

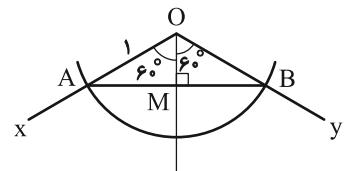
(حسین حبیبی)

هندسه ۱

گزینه «۱» - ۷۱

با توجه به روش رسم نیمساز و شکل زیر باید  $R > \frac{AB}{2}$ ، پس حداقل مقدار

برابر  $\frac{AB}{2} = AM$  است. داریم:

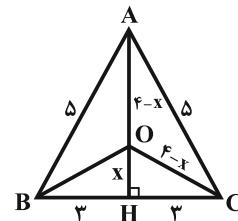


$$\triangle OAM: \sin 60^\circ = \frac{AM}{OA} \Rightarrow \frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{AM}{1} \Rightarrow AM = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

(هنرسه - ترسیم‌های هندسی و استدلال، صفحه‌های ۱۱ و ۱۲)

(ممدر فرمان)

گزینه «۳» - ۷۲



نقطه O، نقطه همرسی عمودمنصف‌های اضلاع این مثلث متساوی‌الساقین

است، بنابراین از هر سه رأس مثلث به یک فاصله است. با استفاده از قضیه

فیثاغورس در مثلث ABH، طول AH را بدست می‌آوریم:

$$AH = \sqrt{5^2 - 3^2} = 4$$

با فرض  $x = OH = OA = 4 - x$ ،  $CH = 3$  است. از آنجا که O از سه رأس مثلث

به یک فاصله است، پس  $x = OB = OC = 4 - x$  می‌باشد. حال با استفاده از

قضیه فیثاغورس در مثلث OCH، داریم:

$$OC^2 = OH^2 + CH^2 \Rightarrow (4 - x)^2 = x^2 + 9$$



با توجه به شکل، دو مثلث قائم‌الزاویه  $DKC$  و  $DHC$  به حالت تساوی

$$CH = CK$$

و تر و ضلع قائمه با هم همنهشت‌اند و داریم:

$$CH = \frac{AC}{2} \Rightarrow \frac{AC}{2} = CK \Rightarrow AK = KC \quad \text{از طرفی:}$$

پس در مثلث  $ADC$ ، ارتفاع  $DK$ ، میانه بوده و در نتیجه نوع مثلث

$$\hat{A} = \hat{C}_1$$

متساوی‌الساقین است و داریم:

$$\hat{B} = \hat{C} = 2\hat{C}_1 \quad \text{از طرفی دیگر:}$$

بنابراین اگر فرض کنیم  $\hat{A} = \hat{C}_1 = \alpha$  آن‌گاه خواهیم داشت:

$$2\alpha + 2\alpha + \alpha = 180^\circ \Rightarrow 5\alpha = 180^\circ \Rightarrow \alpha = 36^\circ$$

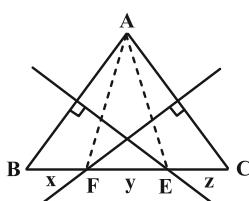
(هنرمه ا- ترسیم‌های هندسی و استدلال: صفحه‌های ۱۱ و ۱۲)

(ممدرصدتکلیر)

«گزینه ۱» -۷۶

$$EA = EB = 6$$

نقطه  $E$  روی عمودمنصف  $AB$  است. پس:



$$FA = FC = \lambda$$

نقطه  $F$  روی عمودمنصف  $AC$  است. پس:

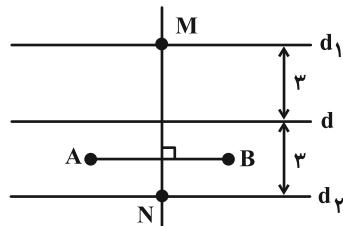
از طرفی دیگر با توجه به شکل:

$$\begin{cases} x + y = 6 \\ y + z = \lambda \\ x + y + z = 10 \end{cases} \Rightarrow x + 2y + z = 14 \Rightarrow y = 4$$

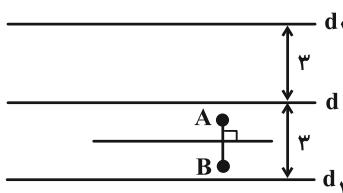
پس  $EF = 4$  و در نتیجه محیط مثلث  $AEF$  برابر است با:

$$6 + \lambda + 4 = 18$$

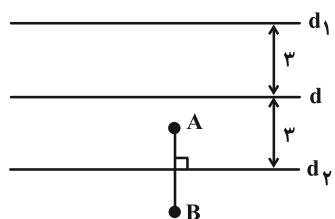
(هنرمه ا- ترسیم‌های هندسی و استدلال: صفحه‌های ۱۳ و ۱۴)



ب) عمودمنصف  $AB$  با هر دو خط  $d_1$  و  $d_2$  موازی باشد. در این صورت مسئله جواب ندارد.



ب) عمودمنصف  $AB$  بر یکی از دو خط  $d_1$  یا  $d_2$  منطبق باشد. در این صورت مسئله بی‌شمار جواب دارد.



(هنرمه ا- ترسیم‌های هندسی و استدلال: صفحه‌های ۱۰ تا ۱۳)

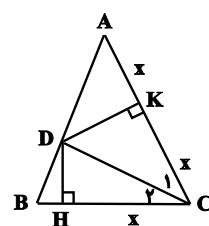
(امدرضا غلاچ)

«گزینه ۴» -۷۵

$$S_{ADC} = 2S_{DHC} \Rightarrow \frac{1}{2} DK \times AC = 2 \times \frac{1}{2} DH \times CH$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2} DK \times 2CH = DH \times CH \Rightarrow DK = DH$$

بنابراین  $CD$  نیمساز زاویه  $C$  است.

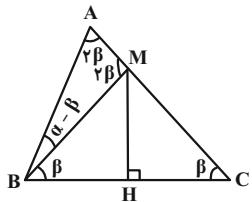




(امیر مالمیر)

## گزینه «۳» - ۷۹

نقطه  $M$  روی عمودمنصف پاره خط  $BC$  قرار دارد، پس از دو سر این پاره خط به یک فاصله است، یعنی داریم:



$$BM = CM \xrightarrow{AB = CM} BM = AB$$

بنابراین مثلث  $ABM$  متساوی الساقین است. از طرفی مطابق شکل با فرض

$$\hat{MBC} = \hat{MCB} = \beta \quad \text{داریم:}$$

$\Delta BMC$  زاویه خارجی است:  $\hat{AMB}$

$$\Rightarrow \hat{AMB} = \beta + \beta = 2\beta \xrightarrow{\Delta AMB} \hat{A} = \hat{AMB} = 2\beta$$

$$\Delta ABM : \alpha - \beta + \beta = 180^\circ \Rightarrow \alpha + \beta = 180^\circ$$

$$\Rightarrow \beta = \frac{180^\circ - \alpha}{3} \Rightarrow \hat{C} = \frac{180^\circ - \alpha}{3} = 60^\circ - \frac{\alpha}{3}$$

(هنرسه - ترسیم‌های هندسی و استدلال؛ صفحه‌های ۱۳ و ۱۶)

(امیرحسین ابوالهیوب)

## گزینه «۴» - ۸۰

با توجه به این که  $\hat{A} = \frac{\hat{B}}{2} + \hat{C}$ . از طرفی داریم:

$$\hat{B} > 0 : \frac{\hat{B}}{2} < \hat{B} \Rightarrow \hat{A} + \underbrace{\frac{\hat{B}}{2} + \hat{C}}_{\hat{A}} < \underbrace{\hat{A} + \hat{B} + \hat{C}}_{180^\circ}$$

$$\Rightarrow 2\hat{A} < 180^\circ \Rightarrow \hat{A} < 90^\circ$$

اما در مورد اندازه زاویه  $B$  نمی‌توان قضاؤت کرد و این زاویه می‌تواند حاده، قائمه یا منفرجه باشد. به عنوان مثال داریم:

$$1) \hat{B} = 80^\circ, \hat{C} = 30^\circ, \hat{A} = 70^\circ \Rightarrow$$

$$2) \hat{B} = 90^\circ, \hat{C} = 22/5^\circ, \hat{A} = 67/5^\circ \Rightarrow$$

$$3) \hat{B} = 100^\circ, \hat{C} = 15^\circ, \hat{A} = 65^\circ \Rightarrow$$

پس محل تلاقی ارتفاعات این مثلث، می‌تواند درون یا بیرون مثلث و یا روی یکی از رأس‌های آن باشد.

(هنرسه - ترسیم‌های هندسی و استدلال؛ صفحه ۱۹)

(مهربان ملوندی)

## گزینه «۲» - ۷۷

$a, b$  و  $c$  موقعی می‌توانند اضلاع یک مثلث باشند که داشته باشیم:

$$\begin{cases} a < b + c \\ b < a + c \\ c < a + b \end{cases}$$

در نتیجه در این سؤال داریم:

$$\begin{cases} 5x - 2 < (3x + 4) + (x + 1) \Rightarrow x < 7 \\ 3x + 4 < (5x - 2) + (x + 1) \Rightarrow 3x > 5 \Rightarrow x > \frac{5}{3} \\ x + 1 < (5x - 2) + (3x + 4) \Rightarrow 7x > -1 \Rightarrow x > \frac{-1}{7} \end{cases}$$

$$\xrightarrow{\text{اشترک}} \frac{5}{3} < x < 7$$

برای این که طول اضلاع مثلث، اعدادی صحیح باشند و محیط مثلث، بیشترین مقدار ممکن باشد، باید  $x = 6$  و در آن صورت داریم:

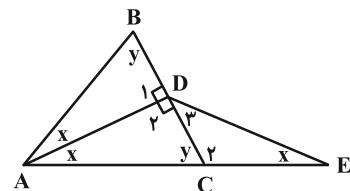
$$= 57 \quad \text{بیشترین مقدار محیط} = 28, 22, 22 \Rightarrow \text{اضلاع}$$

(هنرسه - ترسیم‌های هندسی و استدلال؛ صفحه‌های ۱۰، ۱۱ و ۱۵)

(اخشنی خاصه‌خان)

## گزینه «۴» - ۷۸

چون مثلث  $ABC$  متساوی الساقین است، نیمساز رأس  $A$ ، عمودمنصف  $BC$  نیز خواهد بود، پس:



$$\hat{D}_1 = \hat{D}_2 = 90^\circ \quad \Delta ACD : \hat{D}_2 > y \xrightarrow{\text{زاویه برتر}} AC > AD$$

$$\begin{cases} \xrightarrow{AC = AB} AB > AD : (3) \\ \xrightarrow{AD = DE} AC > DE : (1) \end{cases}$$

$$\begin{cases} \Delta DEC : \hat{C}_2 = 90^\circ + x \\ y = 90^\circ - x \end{cases} \Rightarrow \hat{C}_2 > y > \hat{D}_2$$

زاویه خارجی :  $y = \hat{D}_2 + x$

$$\xrightarrow{\text{زاویه برتر}} DE > CE \xrightarrow{AD = DE} AD > CE$$

الزاماً در مثلث متساوی الساقین  $ABC$  نمی‌توان نتیجه گرفت که  $y < 2x$  و از آنجا  $AC > BC$  را نتیجه گرفت.

(هنرسه - ترسیم‌های هندسی و استدلال؛ صفحه‌های ۲۰ تا ۲۲)



رابطه اخیر بدیهی است. بنابراین داریم:

$$|x| = |ab - a| \xrightarrow{ab \geq a} |x| = ab - a \quad (1)$$

$$|y| = |ab - b| \xrightarrow{ab \geq b} |y| = ab - b \quad (2)$$

$$|z| = |ab - 1| \xrightarrow{ab \geq 1} |z| = ab - 1 \quad (3)$$

$$\xrightarrow{(1),(2),(3)} |x| + |y| + |z| = ab - a - b - 1$$

(ریاضیات گستته - آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۶ تا ۸)

(سوکند، روشنی)

«۲» - ۸۴ گزینه

اگر مجذور عددی صحیح زوج باشد، خود عدد نیز زوج است. در نتیجه:

$$\binom{n}{2} = \frac{n(n-1)}{2} = \text{زوج} \Rightarrow \begin{cases} n = 4k \\ n-1 = 4k \end{cases} \Rightarrow n = 4k+1$$

$$\left\{ \begin{array}{l} 10 \leq 4k \leq 99 \\ 10 \leq 4k+1 \leq 99 \end{array} \right. \Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} 3 \leq k \leq 24 \\ 3 \leq k \leq 24 \end{array} \right. \Rightarrow 22 \quad 22$$

$$\left\{ \begin{array}{l} 10 \leq 4k+1 \leq 99 \\ 10 \leq 4k \leq 99 \end{array} \right. \Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} 3 \leq k \leq 24 \\ 3 \leq k \leq 24 \end{array} \right. \Rightarrow 22 \quad 22$$

بنابراین  $n$  می‌تواند ۴۴ مقدار متمایز اختیار کند.

(ریاضیات گستته - آشنایی با نظریه اعداد؛ مشابه‌کار در کلاس (ب) صفحه ۵)

(کیوان، دراین)

«۴» - ۸۵ گزینه

برای گزینه‌های «۱» تا «۳» مثال‌های نقض زیر وجود دارد.

$$A = \{1, 2\}$$

$$B = \{1\}$$

$$C = \{2\} \quad (1)$$

$$A = \{1\}$$

$$B = \{1, 2\}$$

$$C = \{1, 3\} \quad (2)$$

$$A = \{1, 2\}$$

$$B = \{2\}$$

$$C = \{2, 3\} \quad (3)$$

(ریاضیات گستته - آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۲ و ۳)

(رضا نوکل)

«۲» - ۸۶ گزینه

گزینه درست گزینه‌ای است که  $f(\frac{\sqrt{3}-1}{2})$  عدد گویا شود.

$$x = \frac{\sqrt{3}-1}{2} \Rightarrow 2x+1 = \sqrt{3} \Rightarrow 4x^2 + 4x + 1 = 3$$

$$\Rightarrow 2x^2 + 2x - 1 = 0$$

$$\text{اگر } f(x) = x^2 + x \text{ می‌شود.}$$

(ریاضیات گستته - آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۲ و ۳)

(سوکند، روشنی)

ریاضیات گستته

«۴» - ۸۱ گزینه

هر چهار مورد نادرست هستند و برای آن‌ها می‌توان از مثال نقض استفاده کرد.

عکس گزاره «الف» درست است، به عبارتی اگر عددی اول و بزرگ‌تر از ۳

باشد می‌توان آن را به صورت  $16k \pm 6$  نوشت ولی  $k = 20$  مثال نقض

مناسبی برای این گزاره است، زیرا  $121 = 16 \times 20 + 1$  و بر ۱۱ بخشیدن

است و  $119 = 16 \times 20 - 1$  و بر ۷ و ۱۷ بخشیدن است و در نتیجه

هیچ‌کدام عدد اول نیستند.

گزاره «ب»: اگر  $x = \sqrt{5}$  گویا باشد که همین عدد، مثال نقض است؛

در غیر این صورت با فرض  $y = \sqrt{2}$ ، عدد

$$x^y = \left( \sqrt{5}^{\sqrt{2}} \right)^{\sqrt{2}} = (\sqrt{5})^2 = 5$$

گزاره «پ»: به ازای  $n = 5$ ، این عدد مرکب و بر ۴۱ بخشیدن است.

گزاره «ت»: به ازای  $n = 6$ ، این عدد برابر  $63 = 1 - 2^6$  و بر ۲۱

بخشیدن است.

(ریاضیات گستته - آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۳ و ۴)

(سید محمد رضا حسینی فرد)

«۱» - ۸۷ گزینه

با برهان خلف ثابت می‌شود اگر  $x$  گویا باشد با توجه به اینکه  $y = x + 3$  نیز گویا

است آنگاه  $y$  و در نتیجه  $x + 3y$  و  $y - 2x$  نیز گویا خواهند بود که با

فرض سؤال در تناقض است، پس  $x$  عددی گنگ است.

(ریاضیات گستته - آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۵ و ۶)

(امیرحسین ابومصوب)

«۱» - ۸۸ گزینه

طبق روش اثبات بازگشتنی داریم:

$$3a^2b^2 + a^2 + b^2 + 1 \geq 2a^2b + 2ab^2 + 2ab$$

$$\Leftrightarrow (a^2b^2 - 2a^2b + a^2) + (a^2b^2 - 2ab^2 + b^2) + (a^2b^2 - 2ab + 1) \geq 0$$

$$\Leftrightarrow (ab - a)^2 + (ab - b)^2 + (ab - 1)^2 \geq 0$$



$$a_1 - b_1 + a_2 - b_2 + a_3 - b_3 = \text{فرد}$$

$$\Rightarrow (a_1 + a_2 + a_3) - (b_1 + b_2 + b_3) = 0$$

عبارت دوم نیز قطعاً زوج است. زیرا حاصل  $a_1 a_2 a_3$  و  $b_1 b_2 b_3$  با هم

برابر است. در نتیجه:

$$\text{زوج است: } (a_1 a_2 a_3 + b_1 b_2 b_3) = 2(a_1 a_2 a_3)$$

عبارت سوم نیز قطعاً زوج است زیرا  $b_3$  با یکی از اعداد  $a_1$  یا  $a_2$  یا  $a_3$

برابر است و در نتیجه یکی از پرانتزها برابر عدد صفر است. ولی عبارت

چهارم می‌تواند زوج نباشد؛ مثال نقض:

$$\begin{array}{ccc} a_1 & a_2 & a_3 \\ \downarrow & \downarrow & \downarrow \\ 2 & 3 & 1 \end{array} \quad \begin{array}{ccc} b_1 & b_2 & b_3 \\ \downarrow & \downarrow & \downarrow \\ 1 & 2 & 3 \end{array}$$

$$\Rightarrow 2a_1 b_1 + a_2 b_2 + 3a_3 b_3 = 2(2) + 6 + 3(3) = 19 \quad \text{فرد.}$$

(ریاضیات کسری-آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه ۶)

(علی منصف شکری)

گزینه «۱»

طرفین نامساوی را در ۲ ضرب می‌کنیم و خواهیم داشت:

$$2a^2 + 2b^2 + 2k^2 \geq 2a + 2ab + 2b$$

$$a^2 + b^2 - 2ab + a^2 - 2a + b^2 - 2b + 2k^2 \geq 0$$

$$(a-b)^2 + (a-1)^2 - 1 + (b-1)^2 - 1 + 2k^2 \geq 0$$

$$(a-b)^2 + (a-1)^2 + (b-1)^2 \geq 2 - 2k^2$$

$$\Rightarrow 2 - 2k^2 \leq 0 \Rightarrow k^2 \geq 1 \Rightarrow k \geq 1 \Rightarrow \min(k) = 1$$

(ریاضیات کسری-آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۶ تا ۸)

(سوکندر، روشنی)

«۳» - ۸۷

برای عدد صحیح  $a$ ، اگر  $a^2$  زوج باشد،  $a$  نیز زوج است. بنابراین چون

$$n(n+1) \quad \frac{n(n+1)}{3} \quad \text{زوج است.} \quad \frac{n(n+1)}{3} \quad \text{نیز زوج است.}$$

حاصل ضرب دو عدد متولی و قطعاً زوج است. بنابراین کافی است  $n = 3k$

$n+1 = 3k$  باشد.

$$n = 3k \Rightarrow 100 \leq 3k \leq 200 \Rightarrow 34 \leq k \leq 66$$

$$\Rightarrow 66 - 34 + 1 = 33 : \text{تعداد}$$

$$n = 3k - 1 \Rightarrow 100 \leq 3k - 1 \leq 200 \Rightarrow 34 \leq k \leq 67$$

$$\Rightarrow 34 : \text{تعداد}$$

بنابراین مجموعاً ۶۷ عدد طبیعی برای  $n$  از مجموعه مورد نظر وجود دارد.

(ریاضیات کسری-آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه ۵)

(علی منصف شکری)

«۱» - ۸۸

اعداد  $1 + 3n$  و  $2 + 3n$  متولی هستند و مجموع هر توانی از آنها فرد

است. بنابراین  $ab$  فرد و  $a$  و  $b$  هر کدام فرد هستند. در نتیجه

$$a^2 + b^2 \quad \text{همواره زوج است.}$$

(ریاضیات کسری-آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه ۵)

(سوکندر، روشنی)

«۳» - ۸۹

بررسی عبارت‌ها:

عبارت اول قطعاً زوج است و با برهان خلف اثبات می‌شود. فرض می‌کنیم

$(a_1 - b_1)(a_2 - b_2)(a_3 - b_3)$  فرد باشد، بنابراین هر کدام از

$(a_3 - b_3)$  فرد هستند و می‌دانیم جمع  $3$

عدد فرد، فرد است.



(امسان مهدی)

## «۲» گزینه ۹۳

در حالت اول، میدان الکتریکی خالص در نقطه  $M$  ناشی از بارهای  $q_1$  و  $q_2$  در

$$\vec{E}_1 + \vec{E}_2 = \vec{E} \quad (1)$$

است. داریم:

$$\vec{E}_2 = \frac{\vec{E}}{4} \quad (2)$$

پس از حذف بار  $q_1$ ، فقط میدان  $q_2$  را داریم:

$$\vec{E}_1 = \frac{3}{4} \vec{E} \quad (3)$$

از معادله های (1) و (2) می توان نتیجه گرفت:

$$\frac{\vec{E}_1}{\vec{E}_2} = \frac{\frac{3}{4} \vec{E}}{\frac{1}{4} \vec{E}} \Rightarrow \vec{E}_1 = 3 \vec{E}_2 \Rightarrow E_1 = 3 E_2$$

بنابراین:

$$\frac{E_1 = \frac{k|q_1|}{r^2}}{E_2 = \frac{k|q_2|}{r^2}} = \frac{4k|q_1|}{a^2} = 3 \times \frac{k|q_2|}{a^2}$$

$$\Rightarrow 4|q_1| = 3|q_2| \Rightarrow \left| \frac{q_1}{q_2} \right| = \frac{3}{4}$$

با توجه به این که جهت میدان های الکتریکی بارهای  $q_1$  و  $q_2$  در نقطه ای

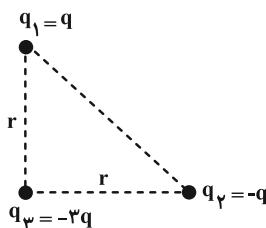
$$\frac{q_1}{q_2} = -\frac{3}{4}$$

بین دو بار هم جهت است، بنابراین بارها ناهم نام هستند.

(فیزیک ۲ - الکتریسیته ساکن: صفحه های ۱۰ تا ۱۶)

(پوریا علّاقه مند)

## «۴» گزینه ۹۴

ابتدا نیروی الکتریکی بین بارهای  $q_1$  و  $q_2$  را می یابیم، با توجه به شکل زیر،فاصله بین بارهای  $q_1$  و  $q_2$  برابر  $\sqrt{2}r$  است. بنابراین داریم:

(پیرا کامران)

## فیزیک ۲

## «۳» گزینه ۹۱

در هسته اتم کربن ۶ پروتون و تعدادی نوترون بدون بار وجود دارد،

بنابراین بار هسته اتم کربن برابر است با:

$$q = +6e = +6 \times 1 / 6 \times 10^{-19} = +1 / 6 \times 10^{-19} C = +1 / 6 \times 10^{-13} \mu C$$

بار الکتریکی اتم کربن یک بار یوننده  $= +1e = q'$  است. بنابراین:

$$q' = +1 \times 1 / 6 \times 10^{-19} C = +1 / 6 \times 10^{-19} C = +1 / 6 \times 10^{-6} \times 10^{-13} C$$

$$\Rightarrow q' = +1 / 6 \times 10^{-13} \mu C$$

(فیزیک ۲ - الکتریسیته ساکن: صفحه های ۲ تا ۱۴)

(مسطفی کیانی)

## «۱» گزینه ۹۲

می دانیم پس از تماس دو کره فلزی مشابه به یکدیگر، بارهای الکتریکی آنها

هم نوع و بار هر کدام برابر نصف مجموع بارهایی است که قبل از تماس با یکدیگر

داشته اند. بنابراین، ابتدا بارهای الکتریکی بعد از تماس دو کره را می یابیم:

$$q'_1 = q'_2 = \frac{q_1 + q_2}{2} = \frac{-4\mu C}{-16\mu C} = q'_1 = q'_2 = \frac{4 + (-16)}{2} = -6\mu C$$

اگرچه، با استفاده از قانون کولن، نیروی بعد از تماس بین کره ها را پیدا می کنیم:

$$F = k \frac{|q_1||q_2|}{r^2} \Rightarrow F' = \frac{|q'_1|}{|q_1|} \times \frac{|q'_2|}{|q_2|} \times \left( \frac{r'}{r} \right)^2 \frac{r' = -r}{F = 0 / 1 N}$$

$$F' = \frac{6}{4} \times \frac{6}{16} \times \left( \frac{r}{r} \right)^2 \Rightarrow F' = 0 / 1 N$$

(فیزیک ۲ - الکتریسیته ساکن: صفحه های ۵ و ۶)



اکنون محاسبه می کنیم که این مقدار بار در انر از دست دادن چه تعداد

$$q = ne \Rightarrow n = \frac{q}{e}$$

الکترون حاصل می شود:

$$n = \frac{8 \times 10^{-7}}{1.6 \times 10^{-19}} = 5 \times 10^{12}$$

(فیزیک ۲ - الکتریسیته ساکن: صفحه های ۲ تا ۱۰)

(بابک اسلامی)

- ۹۶ - گزینه «۳»

چگالی سطحی بار الکتریکی دو کره در ابتدا با هم برابر است. بنابراین داریم:

$$\sigma = \frac{Q}{A} = \frac{Q}{4\pi r^2} \Rightarrow \frac{\sigma_1}{\sigma_2} = \frac{Q_1}{Q_2} \times \left(\frac{r_2}{r_1}\right)^2$$

$$\Rightarrow 1 = \frac{Q_1}{Q_2} \times 5^2 \Rightarrow Q_2 = 25Q_1$$

برای این که بار دو کره برابر شود، باید بار از کره دارای بار بیشتر به کره

دارای بار کمتر منتقل شود. وقتی بار دو کره برابر است، طبق اصل پایستگی

بار الکتریکی، می توان نوشت:

$$Q'_1 = Q'_2 = \frac{Q_1 + Q_2}{2} = \frac{Q_1 + 25Q_1}{2} \Rightarrow Q'_1 = Q'_2 = 13Q_1$$

بار کره بزرگتر ابتدا  $Q_2 = 25Q_1$  است و بعد از برابر شدن بار دو کره، به

بار کره می رسد. بنابراین  $Q'_2 = 13Q_1$

$$\frac{12Q_1}{25Q_1} \times 100 = 48\%$$

کردہ ایم. در نتیجه:

(فیزیک ۲ - الکتریسیته ساکن: صفحه های ۱۲ تا ۲۹)

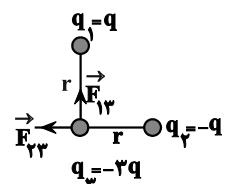
$$r_{12} = \sqrt{r^2 + r^2} = \sqrt{2}r$$

$$F_{12} = k \frac{|q_1||q_2|}{r_{12}^2} = \frac{kq_1 q_2}{\sqrt{2}r^2} = \frac{kq^2}{\sqrt{2}r^2} = \frac{kq^2}{2r^2} = \frac{1}{2}F$$

اکنون نیروهای وارد بر بار  $q_3$  را رسم و برآیند آنها را حساب می کنیم:

$$F_{13} = k \frac{|q_1||q_3|}{(r_{13})^2} = \frac{kq(3q)}{r^2} = \frac{3kq^2}{r^2}$$

$$\Rightarrow F_{13} = 3 \times 2F = 6F$$



$$F_{23} = k \frac{|q_2||q_3|}{(r_{23})^2} = \frac{kq(3q)}{r^2} = \frac{3kq^2}{r^2}$$

$$\Rightarrow F_{23} = 3 \times 2F = 6F$$

$$F_{T3} = \sqrt{(F_{13})^2 + (F_{23})^2} \Rightarrow F_{T3} = \sqrt{(6F)^2 + (6F)^2}$$

$$\Rightarrow F_{T3} = 6\sqrt{2}F$$

(فیزیک ۲ - الکتریسیته ساکن: صفحه های ۵ تا ۹)

(عباس اصغری)

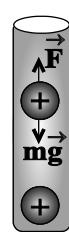
- ۹۵ - گزینه «۱»

نیروهای وارد به گوی بالایی را رسم می کنیم. دو نیروی الکتریکی و وزن به

آن وارد می شوند. چون این گوی در تعادل است، بنابراین این دو نیرو

هم اندازه هستند.

$$\begin{aligned} F &= mg \xrightarrow{q_1=q_2=q} mg \xrightarrow{r=2\text{ cm}=2 \times 10^{-2}\text{ m}} mg \xrightarrow{m=6/4 \times 10^{-3}\text{ kg}} \\ q &= \frac{mgr^2}{k} = \frac{6/4 \times 10^{-3} \times 10 \times 9 \times 10^{-2}}{9 \times 10^9} \\ &\Rightarrow q = 6 \times 10^{-14} \Rightarrow q = 6 \times 10^{-14} \text{ C} \end{aligned}$$





(زهره آقامحمدی)

## گزینه «۴» - ۹۹

با توجه به رابطه اختلاف پتانسیل در جایه‌جایی بار الکتریکی داریم:

$$\Delta V = \frac{\Delta U}{q} \Rightarrow V_B - V_A = \frac{\Delta U}{q} \xrightarrow{\Delta U = -W_E}$$

$$V_B - V_A = \frac{-W_E}{q} = \frac{-10 \times 10^{-3}}{50 \times 10^{-6}} = -200 \text{ V}$$

بنابراین  $V_B < V_A$  است. با توجه به این که در جهت میدان الکتریکی

پتانسیل الکتریکی کاهش می‌یابد، لذا جهت میدان به سمت راست خواهد بود.

(فیزیک ۲ - الکتریسیته ساکن: صفحه‌های ۲۰ و ۲۱)

(ممطوفی کیانی)

## گزینه «۳» - ۱۰۰

بنا به رابطه  $\Delta U = q\Delta V$ ، تغییر انرژی پتانسیل بار الکتریکی بین دو نقطهدر میدان الکتریکی به اختلاف پتانسیل بین آن دو نقطه و بار  $q$  (با قيدعلامت) بستگی دارد. بنابراین، چون در هر دو حالت  $\Delta V$  و  $q$  یکسان‌اند، لذا

تغییر انرژی پتانسیل بار الکتریکی بین دو نقطه A و B نیز یکسان خواهد بود.

(فیزیک ۲ - الکتریسیته ساکن: صفحه‌های ۲۰ و ۲۱)

(مهدی برانی)

## گزینه «۳» - ۹۷

با توجه به این که خطوط میدان الکتریکی از بار مثبت خارج و به بار منفی وارد می‌شود و تراکم خطوط میدان نشان‌دهنده اندازه بار است، داریم:

$$\begin{cases} q_1 < 0 \\ q_2 > 0 \\ |q_2| > |q_1| \end{cases}$$

بنابراین چون بارها ناهم‌نام‌اند، میدان الکتریکی در خارج از فاصله دو بار و روی خط واصل آن‌ها نزدیک به بار با اندازه کوچک‌تر می‌تواند برابر صفر می‌شود.

(فیزیک ۲ - الکتریسیته ساکن: صفحه‌های ۱۳ تا ۱۸)

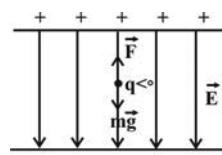
(ممطوفی کیانی)

## گزینه «۲» - ۹۸

مطابق شکل، چون ذره به حالت معلق قرار دارد، بنابراین، برای خنثی کردن

نیروی گرانش ( $mg$ )، جهت نیروی الکتریکی باید به سمت بالا باشد و چون

جهت میدان الکتریکی بین دو صفحه به سمت پایین است، لذا علامت

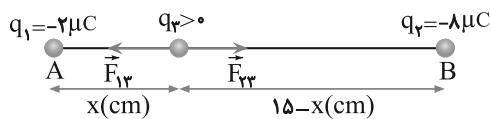
بار  $q$  باید منفی باشد. بر این اساس داریم:

$$F = mg \xrightarrow{F=|q|E} |q| E = mg \xrightarrow{E=\frac{V}{d}} |q| \frac{V}{d} = mg$$

$$\frac{|q|=0/4 \times 10^{-9} C}{d=2 \times 10^{-2} m, m=10^{-3} kg} \xrightarrow{0/4 \times 10^{-9} \times \frac{V}{2 \times 10^{-2}}} = 10^{-3} \times 10^{-2}$$

$$\Rightarrow V = 500 \text{ V}$$

(فیزیک ۲ - الکتریسیته ساکن: صفحه‌های ۱۹ تا ۲۱)



$$F_{T,3} = 0 \Rightarrow F_{12} = F_{23} \Rightarrow k \frac{|q_1||q_2|}{r_{12}^2} = k \frac{|q_2||q_3|}{r_{23}^2}$$

$$\frac{|q_1|}{r_{12}^2} = \frac{|q_2|}{r_{23}^2} \quad |q_1| = 2\mu C, |q_2| = 1\mu C \quad r_{12} = x \text{ cm}, r_{23} = 15 - x \text{ cm} \rightarrow \frac{2}{x^2} = \frac{1}{(15-x)^2}$$

$$\Rightarrow \left(\frac{15-x}{x}\right)^2 = 4 \rightarrow \frac{15-x}{x} = 2$$

$$\Rightarrow 2x = 15 - x \rightarrow 3x = 15 \rightarrow x = 5 \text{ cm}$$

(فیزیک ۲ - الکتریسیته ساکن: صفحه های ۵ و ۶)

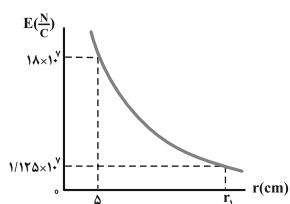
(کتاب آین)

- ۱۰۳ گزینه «۲»

با توجه به نمودار، در فاصله ۵ سانتی متری بار  $q_1$ ، اندازه میدان الکتریکی

$$E = k \frac{|q|}{r^2} \quad E = 18 \times 10^7 \frac{N}{C^2}$$

به صورت زیر، اندازه بار  $q_1$  را می یابیم:



$$E = k \frac{|q|}{r^2}$$

$$\frac{r=5 \text{ cm} = 5 \times 10^{-2} \text{ m}}{E = 18 \times 10^7 \frac{N}{C^2}} \rightarrow 18 \times 10^7 = 9 \times 10^9 \times \frac{|q|}{25 \times 10^{-4}}$$

$$\Rightarrow |q| = 50 \times 10^{-6} C \rightarrow |q| = 50 \mu C$$

## فیزیک ۲ - آشنا

(کتاب آین)

- ۱۰۱ گزینه «۱»

با توجه به جدول سری الکتریسیته مالشی، با مالش جسم A به جسم D و

جسم B به جسم C، جسم های A و B بار مثبت و جسم های C و D بار

منفی بیدا می کنند، زیرا جسم D نسبت به جسم A الکترون خواه تر و جسم

C نیز نسبت به جسم B الکترون خواه تر است. بنابراین، با داشتن نوع بار

جسم ها، شکل گزینه (۱) درست است. زیرا بار جسم A مثبت و بار جسم

D منفی است و قاعده یکدیگر را جذب می کنند.

بررسی سایر گزینه ها:

گزینه «۲»: A مثبت، C منفی و باید یکدیگر را جذب کنند.

گزینه «۳»: B مثبت، D منفی و باید یکدیگر را جذب کنند.

گزینه «۴»: B مثبت، C منفی و باید یکدیگر را جذب کنند.

(فیزیک ۲ - الکتریسیته ساکن: صفحه های ۷ و ۸)

(کتاب آین)

- ۱۰۲ گزینه «۳»

فاصله بین دو بار الکتریکی  $q_1$  و  $q_2$ ، برابر است با:

$$r = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2} \rightarrow \frac{x_1 = 0, y_1 = 9 \text{ cm}}{x_2 = 12 \text{ cm}, y_2 = 0}$$

$$r = \sqrt{(12-0)^2 + (0-9)^2} = 15 \text{ cm}$$

با رسم شکل زیر با فرض مثبت بودن  $q_3$  و توجه به اینکه به دلیل هم علامت

بودن بارها، نقطه تعادل روی خط واقع بین دو بار و نزدیک به بار با اندازه

کوچکتر واقع است، می توان نوشت:



$$E_1 = k \frac{|q_2|}{r_1^2} \frac{|q_1| = 8\mu C = 8 \times 10^{-9} C}{r_1 = 60\sqrt{2} cm = 6\sqrt{2} m} \rightarrow$$

$$E_1 = 9 \times 10^9 \times \frac{8 \times 10^{-9}}{(6\sqrt{2})^2} = 1 \times 10^5 N/C$$

با توجه به هندسه شکل که یک مثلث قائم الزاویه متساوی الساقین است،

بردارهای  $\vec{E}_1$  و  $\vec{E}_2$  بر هم عمودند، بنابراین بزرگی میدان الکتریکی برابرند

$$E = \sqrt{E_1^2 + E_2^2} \xrightarrow[E_1 = 1 \times 10^5 N/C]{E_2 = 1 \times 10^5 N/C}$$

برابر است با:

$$E = \sqrt{(0/25 \times 10^5)^2 + (1 \times 10^5)^2}$$

$$E = \sqrt{(3 \times 0/25 \times 10^5)^2 + (4 \times 0/25 \times 10^5)^2}$$

$$\Rightarrow E = 0/25 \times 10^5 \sqrt{3^2 + 4^2} \Rightarrow E = 1/25 \times 10^5 N/C$$

(فیزیک ۲ - الکتریسیته ساکن: صفحه‌های ۱۲ و ۱۵)

-----  
(کتاب آن)

#### گزینه «۱»

ابتدا خطوط میدان الکتریکی بین دو بار را مطابق شکل زیر رسم می‌کنیم.

می‌دانیم که تراکم خطوط میدان الکتریکی بیانگر بزرگی میدان است و هر

چه فاصله خطوط میدان از هم بیشتر باشد، به این معناست که میدان

الکتریکی در آن نقطه مقدار کمتری دارد.

اگر روی خط واصل دو بار از پایین (یعنی بار  $q$ ) به سمت بالا (یعنی

بار  $+q$ ) حرکت کنیم، خواهیم دید که فاصله بین خطوط میدان ابتدا افزایش

(تا وسط دو بار) و سپس کاهش می‌باید. پس اندازه میدان الکتریکی نیز ابتدا

کاهش و سپس افزایش می‌باید.

همچنین با توجه به نمودار، در فاصله  $r_1$ ، اندازه میدان الکتریکی برابر با

$$E = 1/125 \times 10^7 \frac{N}{C}$$

$$E = k \frac{|q|}{r_1^2} \xrightarrow[|q| = 8 \times 10^{-9} C]{E = 1/125 \times 10^7}$$

$$1/125 \times 10^7 = 9 \times 10^9 \times \frac{8 \times 10^{-9}}{r_1^2}$$

$$\Rightarrow r_1^2 = 4 \times 10^{-2} \Rightarrow r_1 = 2 \times 10^{-1} m \xrightarrow{\times 10^2} r_1 = 20 cm$$

دقیق است، برای محاسبه  $r_1$  بدون دانستن  $|q|$  می‌توان از رابطه مقایسه‌ای

میدان الکتریکی بار نقطه‌ای به صورت زیر نیز استفاده کرد:

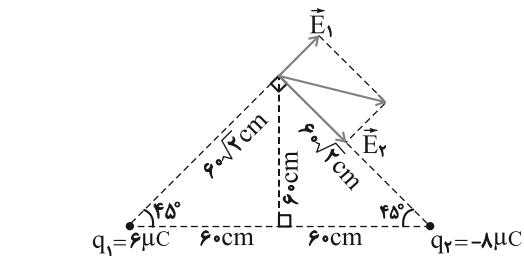
$$E = k \frac{|q|}{r_1^2} \xrightarrow{\text{ثابت}} \frac{E_1}{E} = \left(\frac{r}{r_1}\right)^2$$

$$\Rightarrow \frac{1/125 \times 10^7}{1/18 \times 10^7} = \left(\frac{5}{r_1}\right)^2 \Rightarrow r_1^2 = 400 \Rightarrow r_1 = 20 cm$$

(فیزیک ۲ - الکتریسیته ساکن: صفحه‌های ۱۲ و ۱۳)

-----  
(کتاب آن)

#### گزینه «۲»



با استفاده از رابطه بزرگی میدان الکتریکی حاصل از یک بار نقطه‌ای، داریم:

$$E_1 = k \frac{|q_1|}{r_1^2} \xrightarrow[|q_1| = 6 \mu C = 6 \times 10^{-9} C]{r_1 = 60\sqrt{2} cm = 6\sqrt{2} m}$$

$$E_1 = 9 \times 10^9 \times \frac{6 \times 10^{-9}}{(6\sqrt{2})^2} = 0/75 \times 10^5 N/C$$



$$\Rightarrow 2K_A = K_B \xrightarrow{K=\frac{1}{2}mv^2} 2 \times \frac{1}{2}mv_A^2 = \frac{1}{2}mv_B^2$$

$$\Rightarrow v_B^2 = 2v_A^2 \Rightarrow v_B = \sqrt{2}v_A \xrightarrow{v_A=2\times 10^4 \text{ m/s}} v_B = 2\sqrt{2} \times 10^4 \text{ m/s}$$

$$v_B = 2\sqrt{2} \times 10^4 \text{ m/s}$$

(فیزیک ۲ - الکتریسیته ساکن: صفحه های ۲۱ تا ۲۳)

(کتاب آین)

- ۱۰۷ گزینه «۱»

می دانیم، جهت خطوط میدان الکتریکی برای یک بار منفی به طرف

بار الکتریکی است. از طرف دیگر، می دانیم با حرکت در جهت خطوط میدان

الکتریکی پتانسیل الکتریکی نقاط کاهش و برعکس، با حرکت در خلاف جهت

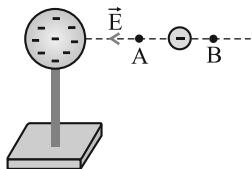
میدان پتانسیل نقاط افزایش می باید. بنابراین با توجه به شکل زیر، با حرکت از

A تا B، چون در خلاف جهت میدان الکتریکی حرکت می کنیم، پتانسیل نقاط

افزایش می باید، لذا  $V_B - V_A > 0$  است و  $V_B > V_A$  می باشد.

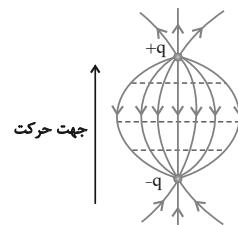
همچنین، چون بار منفی در خلاف جهت میدان الکتریکی می تواند آزادانه

حرکت نماید، انرژی پتانسیل الکتریکی آن کاهش می باید یا می توان گفت:



$$\Delta U = q(V_B - V_A) \xrightarrow{V_B - V_A > 0} \Delta U < 0$$

(فیزیک ۲ - الکتریسیته ساکن: صفحه های ۲۱ تا ۲۳)



(فیزیک ۲ - الکتریسیته ساکن: صفحه های ۱۷ و ۱۸)

(کتاب آین)

- ۱۰۶ گزینه «۱»

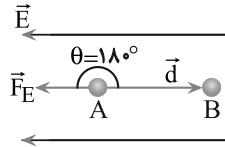
با توجه به شکل زیر، در حالت اول جهت میدان الکتریکی و جهت نیروی

الکتریکی وارد بر بار مثبت به طرف چپ و جهت جابه جایی پرتوون به طرف

راست است. بنابراین، زاویه بین نیرو و جابه جایی برابر  $\theta = 180^\circ$  می باشد،

لذا، طبق رابطه  $W = (F \cos \theta)d$ ، کار نیروی خالص وارد بر پرتوون منفی

است. در این حالت با استفاده از قضیه کار - انرژی جنبشی می توان نوشت:



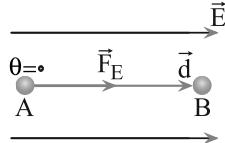
$$W_t = K_B - K_A \xrightarrow{V_B = 0} W_t = 0 - K_A$$

$$\Rightarrow W_t = K_A$$

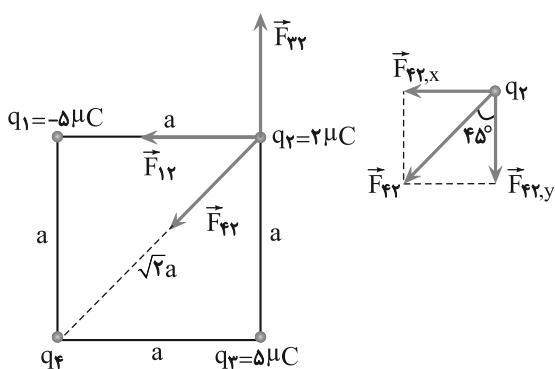
برای حالت دوم که جای پایانه های باتری را عوض می کنیم، جهت میدان

الکتریکی و جهت نیروی وارد بر پرتوون، هم جهت با جابه جایی آن است. لذا

$\theta = 0$  می شود، در نتیجه،  $W_t = 0$  خواهد بود. در این حالت داریم:



$$W_t = K_B - K_A \xrightarrow{W_t = K_A} K_A = K_B - K_A$$



(کتاب آیین)

«۲- گزینه ۲»

موارد «الف» و «ب» صحیح هستند.

حال به بررسی موارد نادرست می پردازیم:

پ) پتانسیل الکتریکی نقاط درون جسم رسانای باردار منزوی مقدار ثابتی است و الزاماً صفر نیست.

ت) توجه کنید که سطح رسانا، همواره یک سطح هم پتانسیل است.

$$|\vec{F}_{32}| = |\vec{F}_{42,y}| \xrightarrow{F_{42,y} = F_{42} \cos 45^\circ}$$

$$\Rightarrow |\vec{F}_{42}| = |\vec{F}_{42}| \cos 45^\circ \xrightarrow{F = k \frac{|q| |q'|}{r^2}}$$

$$\Rightarrow k \frac{|q_3| |q_4|}{r_{32}^2} = k \frac{|q_4| |q_2|}{r_{42}^2} \times \cos 45^\circ \xrightarrow{r_{32}=a, q_3=\delta\mu C} r_{42}=\sqrt{a}, \cos 45^\circ = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$\frac{\delta}{a^2} = \frac{|q_4|}{(\sqrt{2}a)^2} \times \frac{\sqrt{2}}{2} \Rightarrow |q_4| = 10\sqrt{2}\mu C$$

در مورد علامت بار  $q_4$ ، همان‌طور که در شکل نیز مشخص است، مؤلفه قائم

برایند نیروهای وارد بر  $q_2$  در صورتی می‌تواند صفر شود که بار الکتریکی

$q_4$  منفی باشد و به بار  $q_2$  نیروی جاذبه وارد کند. بنابراین داریم:

$$q_4 = -10\sqrt{2}\mu C$$

(فیزیک ۲- الکتریسیته ساکن: صفحه‌های ۵ تا ۱۰)

(کتاب آیین)

«۳- گزینه ۳»

موارد «الف» و «ب» صحیح هستند.

حال به بررسی موارد نادرست می پردازیم:

پ) پتانسیل الکتریکی نقاط درون جسم رسانای باردار منزوی مقدار ثابتی است و الزاماً صفر نیست.

ت) توجه کنید که سطح رسانا، همواره یک سطح هم پتانسیل است.

(فیزیک ۲- الکتریسیته ساکن: صفحه‌های ۲۷ تا ۲۸)

(کتاب آیین)

«۴- گزینه ۴»

چون انرژی پتانسیل الکتریکی بار الکتریکی منفی ( $q = -20nC$ ) افزایش

یافته است، لذا بار در جهت میدان الکتریکی (از A به B) حرکت نموده است. در این حالت با استفاده از رابطه زیر داریم:

$$\Delta V = \frac{\Delta U_E}{q} \Rightarrow V_B - V_A = \frac{\Delta U_E}{q} \xrightarrow{q = -20nC = -20 \times 10^{-9} C} \frac{\Delta U_E = 2mJ = 2 \times 10^{-3} J}{-20 \times 10^{-9}}$$

$$V_B - V_A = \frac{2 \times 10^{-3}}{-20 \times 10^{-9}} = -10^6 V$$

دقت کنید، با توجه به اینکه در جهت میدان الکتریکی، پتانسیل الکتریکی

نقاط میدان کاهش می‌یابد، لذا علامت تغییر پتانسیل الکتریکی منفی است،

بنابراین، بدون محاسبات نیز می‌توان به جواب درست رسید.

(فیزیک ۲- الکتریسیته ساکن: صفحه‌های ۲۱ تا ۲۴)

(کتاب آیین)

«۵- گزینه ۵»

چون نیروی خالص وارد بر  $q_2$  برابر  $\vec{F} = (-18N)$  و فقط مؤلفه  $\vec{i}$

دارد، بنابراین مؤلفه‌های  $\vec{j}$  نیروها همیگر را خنثی کرده‌اند. در این حالت

با توجه به شکل داریم:



(عبدالرضا امینی نسب)

## ۱۱۳ - گزینه «۱»

در دستگاه اندازه‌گیری SI، هفت کمیت طول، جرم، زمان، مقدار ماده، شدت

جريان، دما و شدت روشانی به عنوان کمیت‌های اصلی انتخاب شده‌اند و

یکاهای اندازه‌گیری آن‌ها به ترتیب متر، کیلوگرم، ثانیه، مول، آمپر، کلوین و

کندلا است. بقیه کمیت‌ها و یکاهای آن‌ها به عنوان کمیت‌ها و یکاهای فرعی

در نظر گرفته می‌شوند.

(فیزیک ا- فیزیک و اندازه‌گیری: صفحه‌های ۶ و ۷)

(میطفی کیانی)

## ۱۱۴ - گزینه «۲»

دقت اندازه‌گیری ریزسنج دیجیتال برابر  $1\text{ mm} \pm 0.001\text{ cm}$ 

سانتی‌متر می‌باشد.

دقت کنید،  $1\text{ mm} = 0.1\text{ cm}$  است.

(فیزیک ا- صفحه‌های ۱۴ تا ۱۷)

(علیرضا امینی نسب)

## ۱۱۵ - گزینه «۲»

کمیت‌های سرعت و نیرو، برداری‌اند و کمیت‌های جرم و جریان الکتریکی

نرده‌ای هستند. بنابراین، تعداد دو کمیت برداری می‌باشد.

(فیزیک ا- فیزیک و اندازه‌گیری: صفحه ۶)

(عبدالرضا امینی نسب)

## ۱۱۶ - گزینه «۳»

ابتدا شعاع کره را می‌یابیم:

$$m = \rho V \rightarrow m = \rho \times \frac{4}{3} \pi r^3 \rightarrow \frac{\rho = 2/\gamma \frac{g}{cm^3}}{m = 10/8 kg = 1000 g}$$

## ۱ - فیزیک

## ۱۱۱ - گزینه «۲»

به بررسی عبارات می‌پردازیم:

الف) نادرست است. در مدل‌سازی می‌توان از اثرهای جزئی صرف نظر کرد.

ب) نادرست است. اصلاح نظریه‌های فیزیکی نه تنها نقطه‌ضعف نیست، بلکه

نقطه قوت علم فیزیک می‌باشد.

پ) درست است. فیزیک یکی از بنیادی‌ترین دانش‌ها و شالوده تمام

مهندسی‌ها و فناوری‌هایی است که به‌طور مستقیم و غیرمستقیم در زندگی ما

نقش دارند.

ت) درست است. اولین مدل اتمی را دالتون در سال ۱۸۰۷ میلادی و به شکل

توب بیلیارد ارائه داد.

(فیزیک ا- فیزیک و اندازه‌گیری: صفحه‌های ۶ تا ۹)

## ۱۱۲ - گزینه «۳»

با استفاده از تبدیل زنجیره‌ای، می‌توان نوشت:

$$1650 \frac{\text{g} \cdot \text{m} \cdot \text{dm}}{\text{mL} \cdot \text{s}^2} = 1650 \frac{\text{g} \cdot \text{m} \cdot \text{dm}}{\text{mL} \cdot \text{s}^2} \times \frac{1\text{kg}}{10^3\text{g}} \times \frac{1\text{m}}{10^3\text{cm}}$$

$$\times \left( \frac{1\text{m}}{10\text{dm}} \right)^2 \times \frac{1\text{mL}}{10^{-3}\text{L}} \times \frac{1\text{L}}{10^{-3}\text{m}^3}$$

$$= 1650 \times \frac{1}{10} = 165 \frac{\text{kg} \cdot \text{m}}{\text{s}^2} = 165\text{N}$$

(فیزیک ا- فیزیک و اندازه‌گیری: صفحه‌های ۶ تا ۱۳)



با توجه به رابطه چگالی مخلوط داریم:

$$\rho_{\text{مخلوط}} = \frac{m_1 + m_2}{V_1 + V_2} \xrightarrow[V= \frac{m}{\rho}]{} \rho_{\text{مخلوط}} = \frac{m_1 + m_2}{\frac{m_1}{\rho_1} + \frac{m_2}{\rho_2}}$$

$$\Rightarrow \frac{m_1 + m_2}{m_1 + m_2} = \frac{\frac{m_1}{\rho_1} + \frac{m_2}{\rho_2}}{\frac{m_1}{m_1 + m_2} + \frac{m_2}{m_1 + m_2}} \Rightarrow \frac{1}{2} = \frac{\frac{1}{\rho_1} + \frac{1}{\rho_2}}{\frac{1}{2} + \frac{1}{2}} \Rightarrow \frac{1}{2} = \frac{\frac{1}{\rho_1} + \frac{1}{\rho_2}}{1} \Rightarrow \frac{1}{2} = \frac{1}{\rho_1 + \rho_2}$$

(فیزیک ۱ - صفحه های ۲۱ و ۲۲)

$$10800 = 2 / 7 \times \frac{4}{3} \times 3 \times r^3 \Rightarrow r^3 = 1000 \Rightarrow r = 10 \text{ cm}$$

اکنون مساحت سطح کره را می باییم:

$$A = 4\pi r^2 = 4 \times 3 \times 100 = 1200 \text{ cm}^2$$

(فیزیک ۱ - فیزیک و اندازه گیری: صفحه های ۱۶ تا ۱۸)

«۲» - ۱۱۷ گزینه

(بیان، کامران)

(زهره آقامحمدی)

«۳» - ۱۱۹ گزینه

ابتدا به کمک رابطه  $\rho = \frac{m}{V}$ , حجم واقعی کره را محاسبه می کنیم:

$$\rho = \lambda \frac{kg}{L} = 1000 \frac{kg}{m^3} \xrightarrow{} \lambda = \frac{1000}{V}$$

$$\Rightarrow V = \frac{1000}{8 \times 10^{-3}} = 3 / 5 \times 10^{-3} \text{ m}^3$$

از طرفی می دانیم، حجم واقعی کره به کمک رابطه زیر محاسبه می شود:

$$V = \frac{4}{3} \pi R^3 - \frac{4}{3} \pi (\frac{R}{2})^3 = \frac{4}{3} \pi R^3 - \frac{4}{3} \pi \frac{R^3}{8} = \frac{28}{3} \pi R^3$$

$$\xrightarrow{\pi = 3} V = \frac{4}{3} \times 3 \times (R^3 - \frac{R^3}{8}) = \frac{28}{3} \pi R^3$$

$$\Rightarrow 10^{-3} = R^3 \Rightarrow R = 10^{-1} \text{ m} = 0.1 \text{ m} = 10 \text{ cm}$$

(فیزیک ۱ - صفحه های ۱۶ و ۲۲)

«۴» - ۱۱۸ گزینه

(زهره آقامحمدی)

ابتدا یکای چگالی مخلوط را بر حسب  $\frac{kg}{L}$  می نویسیم.

$$\rho = 900 \frac{kg}{m^3} \times \frac{m^3}{1000 L} = 0.9 \frac{kg}{L}$$

(فیزیک ۱ - فیزیک و اندازه گیری: صفحه های ۱۶ تا ۱۸)



الف) درست؛ در لحظاتی که جهت حرکت متوجه تغییر کرده است، تندی متوجه صفر شده است. بنابراین حداقل دو بار تندی متوجه، برای صفر شده است.

ب) نادرست؛ با توجه به اینکه در لحظه  $t_2 = 5s$  متوجه در جهت منفی از مکان  $x_2 = -5m$  عبور می‌کند، بنابراین در این لحظه متوجه در حال دورشدن از مبدأ مکان است.

پ) درست؛ جهت بردار مکان متوجه زمانی تغییر می‌کند که متوجه از مبدأ مکان عبور کند. با توجه به این که مسافت طی شده توسط متوجه در این بازه زمانی  $9m$  است. بنابراین متوجه از مبدأ مکان ( $x = 0$ ) عبور نمی‌کند و لذا جهت بردار مکان آن تغییر نمی‌کند.

ت) نادرست؛ با توجه به رابطه سرعت متوسط داریم:

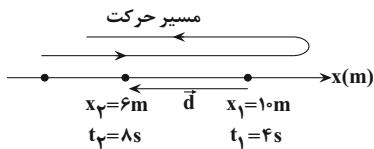
$$\bar{v}_{av} = \frac{(x_2 - x_1)\vec{i}}{t_2 - t_1} \quad x_2 = -5m, t_2 = 5s \quad \bar{v}_{av} = \left(\frac{\Delta x}{\Delta t}\right)\vec{i}$$

(فیزیک ۳) - حرکت بر فقط راست: صفحه ۱ تا ۱۰)

(امیرعلی هاتم‌ثانی)

۱۲۴ - گزینه «۲»

با توجه به شکل هر یک از موارد داده شده را بررسی می‌کنیم:



با توجه به شکل فوق، چون متوجه در لحظه  $t_1 = 4s$  در مکان  $x_1 = 10m$  است و فقط یکبار تغییر جهت داده است، قطعاً در مکان‌های  $x > 10m$  یا

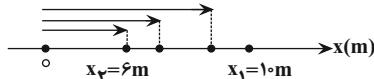
$x = 10m$  این تغییر جهت رخ داده است؛ با توجه به این توضیحات:

الف) نادرست است. در صورتی که متوجه در لحظه  $t_1 = 4s$  تغییر جهت دهد، در بازه زمانی  $4s$  تا  $8s$  (چهار ثانیه دوم) طول بردار مکان همواره کاهش می‌یابد.

ب) درست است. با توجه به شکل جهت بردار جابه‌جایی ( $\vec{d}$ ) در خلاف جهت محور  $x$  است.

پ) نادرست. اگر بردار سرعت متوجه در لحظه  $t_1 = 4s$  در جهت منفی محور  $x$  باشد، در این صورت قبل از لحظه  $t = 4s$  جهت حرکت متوجه تغییر کرده است.

ت) درست است؛ چون در بازه زمانی  $4s \leq t \leq 8s$  مکان متوجه در  $x$  های مثبت قرار دارد، بنابراین بردار مکان همواره در سوی مثبت محور  $x$  است.



بنابراین، ۲ عبارت از عبارت‌های داده شده درست است.

(فیزیک ۳) - حرکت بر فقط راست: صفحه‌های ۲ تا ۵)

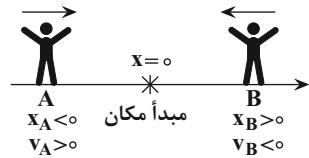
(بیهوده کامران)

۱۲۱ - گزینه «۲»

هرگاه متوجه به مبدأ مکان نزدیک شود، بردار مکان و بردار سرعت آن در دو سوی مخالف خواهد بود. بنابراین فقط مورد (ب) درست است.

در ضمن، تا نوع حرکت متوجه معلوم نباشد، نمی‌توان در مورد جهت بردار سرعت و بردار شتاب اظهار نظر نمود.

یادآوری: علامت سرعت نشان‌دهنده جهت حرکت متوجه است. اگر متوجه در جهت محور  $X$  حرکت کند، علامت سرعت آن مثبت و اگر در خلاف جهت محور  $X$  حرکت کند، علامت سرعت آن منفی خواهد بود.



(فیزیک ۳) - حرکت بر فقط راست: صفحه‌های ۳ تا ۱۵)

(خرشید رسولی)

۱۲۲ - گزینه «۳»

طبق رابطه سرعت متوسط  $v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t}$ ، می‌توانیم با محاسبه جابه‌جایی

متوجه را به دست آوریم. با توجه به معادله مکان – زمان متوجه، جابه‌جایی آن را در بازه‌های زمانی مشخص شده، پیدا می‌کنیم. دقیت کنید، منظور از ثانیه دوم حرکت، بازه زمانی بین  $t_1 = 1s$  تا  $t_2 = 2s$  می‌باشد. بنابراین:

$$t_1 = 1s \Rightarrow x_1 = 1^2 - 4 \times 1 + 4 = 1m$$

$$t_2 = 2s \Rightarrow x_2 = 2^2 - 4 \times 2 + 4 = 0$$

$$\Rightarrow v_{av} = \frac{x_2 - x_1}{t_2 - t_1} = \frac{0 - 1}{2 - 1} = -1 \frac{m}{s}$$

و منظور از ۲ ثانیه اول حرکت، بازه زمانی  $0$  تا  $t'_1 = 1s$  است. بنابراین:

$$\begin{cases} t'_1 = 0 \Rightarrow x'_1 = 4m \\ t_2 = 2s \Rightarrow x_2 = 0m \end{cases} \Rightarrow v'_{av} = \frac{x_2 - x'_1}{t_2 - t'_1} = \frac{0 - 4}{2 - 0} = -2 \frac{m}{s}$$

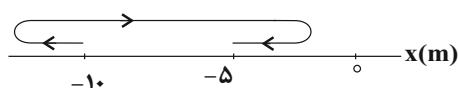
$$\frac{|v_{av}|}{|v'_{av}|} = \frac{1}{2}$$

(فیزیک ۳) - حرکت بر فقط راست: صفحه‌های ۲ تا ۶)

(امیرحسین برادران)

۱۲۳ - گزینه «۲»

با توجه به بردارهای مکان و سرعت، ساده‌ترین مسیر حرکت مطابق شکل زیر است.



اکنون با توجه به شکل بالا گزاره‌ها را بررسی می‌کنیم.



در سایر بازه‌های زمانی داده شده در گزینه‌ها  $\Delta v \neq 0$  است، لذا  $a_{av} \neq 0$  می‌باشد.

(فیزیک ۳- حرکت بر فقط راست: صفحه‌های ۱۰ و ۱۱)

(سید ابوالفضل فالق)

«۱۲۹- گزینه ۴»

طول مسیرهای رفت و برگشت یکسان و برابر با  $\Delta x$  است. با توجه به رابطه سرعت متوسط، زمان طی هر مرحله را محاسبه می‌کنیم:

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \Rightarrow \begin{cases} \lambda = \frac{\Delta x}{\Delta t_1} \Rightarrow \Delta t_1 = \frac{\Delta x}{\lambda} \\ \varsigma = \frac{\Delta x}{\Delta t_2} \Rightarrow \Delta t_2 = \frac{\Delta x}{\varsigma} \end{cases}$$

اکنون از رابطه تندی متوسط استفاده می‌کنیم:

$$s_{av} = \frac{l}{\Delta t} = \frac{\Delta x + \Delta x}{\Delta t_1 + \Delta t_2} = \frac{2\Delta x}{\frac{\Delta x}{\lambda} + \frac{\Delta x}{\varsigma}} \Rightarrow s_{av} = \frac{16}{3} \text{ m}$$

(فیزیک ۳- حرکت بر فقط راست: صفحه‌های ۲ تا ۶)

(شهرام آزاد)

«۱۳۰- گزینه ۴»

شیب خط مماس بر نمودار مکان-زمان در لحظه  $t = 2s$  صفر است. بنابراین داریم:

$$t_1 = 2s \Rightarrow v_1 = 0$$

اکنون سرعت در لحظه  $t_2 = ts$  را می‌یابیم:

$$a_{av} = \frac{v_2 - v_1}{t_2 - t_1} \Rightarrow -\frac{1}{2} = \frac{v_2 - 0}{ts - 2} \Rightarrow v_2 = -\frac{t}{2} + 1$$

در آخر، با استفاده از شیب خط مماس بر نمودار در لحظه  $t$  که برابر  $v_2$  است،  $t$  را می‌یابیم:

$$v_2 = \frac{0 - 4}{\lambda - t} \Rightarrow -\frac{t}{2} + 1 = \frac{-4}{\lambda - t}$$

$$\Rightarrow -4t + \lambda + \frac{t^2}{2} - t = -4 \Rightarrow t^2 - 10t + 24 = 0$$

$$\Rightarrow (t-6)(t-4) = 0 \Rightarrow \begin{cases} t = 6s \\ t = 4s \end{cases}$$

(فیزیک ۳- حرکت بر فقط راست: صفحه‌های ۹ تا ۱۱)

(امیر رضا صدیقی)

«۱۲۵- گزینه ۱»

محرک در بازه زمانی ۲s تا ۶s و ۸s تا ۱۱s در خلاف جهت محور حرکت کرد که است؛ بنابراین، در مجموع ۷s در خلاف جهت محور حرکت کرده است.

$$\Delta t = (6 - 2) + (11 - 8) = 4 + 3 = 7s$$

(فیزیک ۳- حرکت بر فقط راست: صفحه‌های ۱۰ تا ۱۱)

(مهدی براتی)

«۱۲۶- گزینه ۳»

ابتدا مسافت طی شده و به دنبال آن، تندی متوسط را می‌یابیم. با توجه به مسیر حرکت، مسافت طی شده توسط متحرک در کل حرکت برابر است با:

$$\ell = |-20 - 20| + |5 - (-20)| = 40 + 25 = 65m$$

$$s_{av} = \frac{\ell}{\Delta t} = \frac{65}{10} = 6.5 \text{ m/s}$$

(فیزیک ۳- حرکت بر فقط راست: صفحه‌های ۱۰ تا ۱۱)

(پیغمبر کامران)

«۱۲۷- گزینه ۳»

در نمودار سرعت-زمان، لحظاتی که نمودار به محور افقی نزدیک می‌شود، تندی آن کاهش می‌یابد (از صفر تا  $t_1$  و از  $t_2$  تا  $t_3$ ). از طرفی، شیب خط مماس بر نمودار سرعت-زمان، شتاب آن را نشان می‌دهد. از  $t_1$  تا  $t_2$  شیب نمودار و درنتیجه شتاب آن مثبت و در جهت محور X می‌باشد. بنابراین، از  $t_2$  تا  $t_3$  تندی در حال کاهش و شتاب آن در جهت محور X است.

(فیزیک ۳- حرکت بر فقط راست: صفحه‌های ۹ تا ۱۱)

(ممیطفی کیانی)

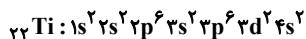
«۱۲۸- گزینه ۲»

می‌دانیم شیب خط مماس بر نمودار مکان-زمان برابر سرعت لحظه‌ای متحرک است. بنابراین، چون در لحظه‌های  $t_3$  و  $t_5$ ، شیب خط مماس بر نمودار مکان-زمان صفر است، لذا در این لحظه‌ها سرعت نیز صفر می‌باشد. بنابراین داریم:

$$a_{av} = \frac{v_{5s} - v_{3s}}{\Delta t} = \frac{0 - 0}{5 - 3} = 0 \text{ m/s}^2$$



گزینه «۲»: دومین عنصر واسطه دوره چهارم ۲۲ الکترون دارد.



در این عنصر علاوه بر زیرلایه‌های ۱s، ۲s و ۳s و ۴s زیرلایه ۳d نیز دو الکترونی است که از سایر عناصر واسطه بیشتر می‌باشد. (در مجموع ۵ زیرلایه ۲ الکترونی)

گزینه «۳»: در  $^{24}Cr$  و  $^{29}Cu$  زیرلایه ۴s یک الکترونی است. بنابراین فقط ۳ زیرلایه ۲ الکترونی دارد.

گزینه «۴»: ششمین عنصر واسطه دوره چهارم آهن است که اکسیدهای طبیعی  $Fe_2O_3$  و  $Fe_3O_4$  را دارد. (نادرستی گزینه «۴»)

(شیمی ۲ - قدر هدایای زمینی را برآورده؛ صفحه‌های ۱۶ و ۱۹)

## شیمی ۲

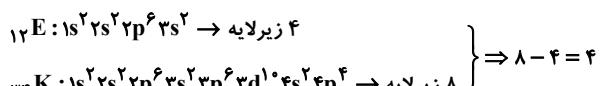
- ۱۳۱ گزینه «۳»

فقط مورد چهارم نادرست است.

بررسی همه موارد:

مورد اول: عنصر  $L$ ، F (فلوئور) است که بیشترین خاصیت نافلزی را در بین تمام عناصر جدول دوره‌ای دارد.

مورد دوم:



مورد سوم: گسترش صنایع الکترونیک مدیون ویژگی نیمه‌رسانایی سیلیسیم (۱۴Si) است.

مورد چهارم: خصلت فلزی عنصر D، بیشتر از عنصر E می‌باشد و آسان‌تر از آن به کاتیون تبدیل می‌شود.

مورد پنجم: F و L (فلزهای گروه یک جدول) با I (نافلز گروه ۱۵ با طرفیت ۳) و L (نافلز گروه ۱۷ با طرفیت یک) ترکیب یونی می‌سازند.

(شیمی ۲ - قدر هدایای زمینی را برآورده؛ صفحه‌های ۲، ۱۰ و ۱۶)

- ۱۳۲ گزینه «۲»

مورد اول و دوم صحیح می‌باشد.

بررسی همه موارد:

درستی مورد اول: آهن اغلب در طبیعت به شکل اکسید (ترکیب‌های اکسیژن‌دار) یافت می‌شود.

درستی مورد دوم: طلا تنها فلزی است که به شکل کلوخه‌ها و رگه‌های زرد لابه‌لای خاک یافت می‌شود. فلزهایی مانند پلاتین، پالادیوم، نقره و مس هم به شکل آزاد در طبیعت وجود دارند.

نادرستی مورد سوم: فقط برخی نافلزها مانند اکسیژن و نیتروژن و گوگرد به شکل آزاد در طبیعت وجود دارند.

نادرستی مورد چهارم: در دنیای صنعتی امروز، بیشترین مصرف سالیانه مربوط به آهن است که جزو فلزات می‌باشد.

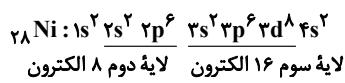
نادرستی مورد پنجم: طلا برخلاف نقره و مس، تنها به شکل آزاد در طبیعت وجود دارد.

(شیمی ۲ - قدر هدایای زمینی را برآورده؛ صفحه‌های ۱۰ و ۱۸)

- ۱۳۳ گزینه «۴»

بررسی گزینه‌ها:

گزینه «۱»: عدد اتمی هشتمنی عنصر واسطه دوره چهارم ۲۸ است.



لایه سوم ۱۶ الکترون لایه دوم ۸ الکترون

گزینه «۴» (مسنون های)

چون واکنش ۱ انجام می‌شود، پس واکنش پذیری  $A > B$

چون واکنش ۲ انجام نمی‌شود، پس واکنش پذیری  $D > C$

چون واکنش ۳ انجام می‌شود، پس واکنش پذیری  $B > D$

با توجه به مقایسه انجام شده برای واکنش‌پذیری هالوژن‌ها و ترکیب این واکنش‌ها به نتیجه زیر می‌رسیم:

$A > B > D > C$  درنتیجه  $A > B > C$  و  $D > B$  به ترتیب عناصر فلور، کلر، برم و ید هستند.

(شیمی ۲ - قدر هدایای زمینی را برآورده؛ صفحه‌های ۱۳، ۲۰ و ۲۱)

گزینه «۴» (امیرمحمد سعیدی)

با توجه به غلظت نهایی یون  $A^+$ ، شمار مول‌های  $ANO_2$  تولیدی در واکنش محاسبه می‌شود:

$$\text{ppm}_{A^+} = \frac{\text{جرم حل شونده}}{\text{جرم محلول}} \times 10^6$$

$$\Rightarrow 232 = \frac{x}{20 \times 1000} \times 10^6 \Rightarrow x = 4.64g A^+$$

$$\text{? mol } ANO_2 = 4.64g A^+ \times \frac{1 \text{ mol } A^+}{24g A^+} \times \frac{1 \text{ mol } ANO_2}{1 \text{ mol } A^+}$$

$$= 0.16 \text{ mol } ANO_2$$

اکنون با استفاده از مقدار  $ANO_2$  تولیدشده می‌توان جرم  $ANO_3$  تجزیه شده طی واکنش را بدست آورد:



$$\text{? g } ANO_3 = 0.16 \text{ mol } ANO_2 \times \frac{8 \text{ mol } ANO_3}{1 \text{ mol } ANO_2} \times \frac{91 \text{ g } ANO_3}{1 \text{ mol } ANO_3}$$

$$= 14.56 \text{ g } ANO_3$$

$$\text{خالص} = \frac{14.56 \text{ g}}{56 \text{ g}} \times 100 = 25\%$$

(شیمی ۳ - قدر هدایای زمینی را برآورده؛ صفحه‌های ۲۵ و ۲۶)

(میرحسین مسینی)

مورد اول و دوم صحیح می‌باشد.

بررسی همه موارد:

درستی مورد اول: آهن اغلب در طبیعت به شکل اکسید (ترکیب‌های اکسیژن‌دار) یافت می‌شود.

درستی مورد دوم: طلا تنها فلزی است که به شکل کلوخه‌ها و رگه‌های زرد لابه‌لای خاک یافت می‌شود. فلزهایی مانند پلاتین، پالادیوم، نقره و مس هم به شکل آزاد در طبیعت وجود دارند.

نادرستی مورد سوم: فقط برخی نافلزها مانند اکسیژن و نیتروژن و گوگرد به شکل آزاد در طبیعت وجود دارند.

نادرستی مورد چهارم: در دنیای صنعتی امروز، بیشترین مصرف سالیانه مربوط به آهن است که جزو فلزات می‌باشد.

نادرستی مورد پنجم: طلا برخلاف نقره و مس، تنها به شکل آزاد در طبیعت وجود دارد.

(شیمی ۲ - قدر هدایای زمینی را برآورده؛ صفحه‌های ۱۰ و ۱۸)



(میلار عزیزی)

## گزینه «۲»

عبارت های دوم و سوم درست اند. بررسی همه عبارت ها:

عبارت اول: ممکن است  $X_2$  فلوئور و  $Y_2$  برم باشد که در دمای اتاق اولی حالت گازی و دومی حالتی مایع دارد.

عبارت دوم: مولکول  $HX$  همانند  $HY$  قطبی بوده و سر مثبت مولکول در هر دو مولکول، اتم هیدروژن است.

عبارت سوم: گازهای کلر و فلوئور در دمای اتاق با گاز هیدروژن واکنش می دهند، از آنجایی که واکنش پذیری  $X_2$  از  $Y_2$  بیشتر است در نتیجه  $X_2$  فلوئور است. فلوئور حتی در دمای  $-200^{\circ}C$  به شدت با هیدروژن واکنش می دهد.

عبارت چهارم: با اینکه واکنش پذیری کلر بیشتر از برم است اما نقطه جوش  $HBr$  به علت جرم مولی بیشتر از نقطه جوش  $HCl$  بیشتر است.

(شیمی ۲ - قرر هدایای زمینی را برایم: صفحه های ۶ تا ۱۰)

(امیر هاتمیان)

## گزینه «۳»

ابتدا معادله های واکنش های داده شده را به صورت موازن شده می نویسیم:

$$I) N_2(g) + 3H_2(g) \rightarrow 2NH_3(g)$$

$$II) 4NH_3(g) + 5O_2(g) \rightarrow 4NO(g) + 6H_2O(g)$$

ابتدا برای قسمت اول، مقدار مول آمونیاک تولیدی را به دست می آوریم و توجه داریم که در هر مولکول آمونیاک، ۳ پیوند اشتراکی بین H و N وجود دارد.

$\begin{array}{c} \ddot{N} \\ | \\ H-H-H \end{array}$

$$\frac{N - H}{\text{نیممول گاز}} = \frac{224gN_2}{28gN_2} \times \frac{1\text{mol}N_2}{1\text{mol}N_2} \times \frac{2\text{mol}NH_3}{1\text{mol}N_2}$$

$$\times \frac{3\text{mol}(N - H)}{1\text{mol}NH_3} \times \frac{6 / 0.2 \times 10^{23}}{1\text{mol}(N - H)} \times \frac{50}{100} \times \frac{(\text{پیوند})}{\text{بازده درصدی}}$$

$$\simeq 1 / 444 \times 10^{25}$$

اگر فراورده ها در شرایط STP باشند (دما  $0^{\circ}C$  و فشار  $1atm$ ) آب به صورت مایع از گازها جدا می شود.

$$224gN_2 \times \frac{1\text{mol}N_2}{28gN_2} \times \frac{2\text{mol}NH_3}{1\text{mol}N_2} \times \frac{4\text{mol}NO}{4\text{mol}NH_3} \times \frac{22 / 4LNO}{1\text{mol}NO}$$

$$\times \frac{50}{100} = 179 / 2 L NO$$

گاز بازده درصدی

(شیمی ۲ - قرر هدایای زمینی را برایم: صفحه های ۲۲ تا ۲۵)

(آرین عظیمی)

## گزینه «۲»

در ردیف چهارم یک عنصر گازی ( $Kr_{\text{۳}}$ ) وجود دارد و کلر دارای دو ایزوتوپ طبیعی می باشد.

بررسی سایر گزینه ها:

۱) در بین عناصر دوره سوم،  $S_{\text{۱۶}}$  و  $Ar_{\text{۱۸}}$  به صورت آزاد در طبیعت یافت می شود.

۲) شبکه های مانند مرزی بین فلزات و نافلزات قرار دارند و نافلزات در یک گروه زیر شبکه های فلزات قرار دارند.

۴) دوره سوم ۸ عنصر دارد و گنجایش لایه دوم الکترونی برابر  $2 \times 2 \times 2 = 8$  است.

(شیمی ۲ - قرر هدایای زمینی را برایم: صفحه های ۶ تا ۱۰)

(علی امینی)

## گزینه «۲»

$A: Na, B: Cl, C: S, D: P, E: Si$

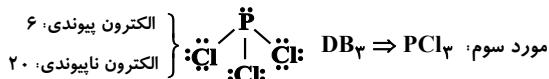
 $[Ne]^{۳s^1}, [Ne]^{۳s^2} 3p^5, [Ne]^{۳s^2} 3p^4, [Ne]^{۳s^2} 3p^3, [Ne]^{۳s^2} 3p^2$ 

مواد سوم و چهارم درست اند.

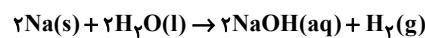
بررسی همه عبارت ها:

مورد اول: تفاوت شاعع اتمی در عناصر متوالی در طول یک دوره از چپ به راست به طور کلی کاهش می یابد. (شبیب کاهش می یابد).

مورد دوم: شاعع کاتیون و آنیون نسبت به اتم خنثی به ترتیب کاهش و افزایش می یابد.



مورد چهارم: فلزهای فعال از گروه های ۱، ۲ و ۳ در واکنش با آب منجر به تولید هیدروکسید فلز و گاز هیدروژن می شوند.



هر مول سدیم، نیم مول گاز با  $11 / 2L$  گاز در شرایط STP تولید می کند.

(شیمی ۲ - قرر هدایای زمینی را برایم: صفحه های ۷ تا ۱۰)

(امیر هاتمیان)

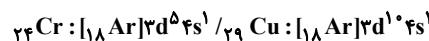
## گزینه «۳»

فقط عبارت های «پ» و «ث» درست می باشند.

بررسی عبارت ها:

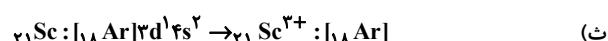
آ) عناصر  $K_{\text{۱۹}}$ ،  $Cr_{\text{۲۴}}$ ،  $Cu_{\text{۲۹}}$  و  $As_{\text{۳۳}}$  در آخرین لایه خود یک زیرلایه نیمه پر دارند.

ب) ۲ عنصر داریم که زیرلایه  $4s$  آنها نیمه پر هستند.



پ) سومین عنصر این دوره  $Sc$  با یون  $Sc^{3+}$  به آرایش  $Ar$  می رسد ولی دیگر یون ها مثل  $Fe^{3+}$ ،  $Co^{3+}$  و ... در این دوره علیرغم بار  $+3$  به آرایش الکترونی گاز نجیب نمی رسانند.

ت)  $29\text{Cu}$  در لایه  $4s$  خود یک الکترون داشته، ولی ظرفیت  $+3$  ندارد.



(شیمی ۲ - قرر هدایای زمینی را برایم: صفحه های ۱۰ تا ۱۶)



$$\text{حل معادلهای I} \rightarrow \begin{cases} n + p = 87 \\ n - p = 11 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} n = 49 \\ p = 38 \end{cases}$$

بار + اختلاف برابر عدد جرمی  $Z = \frac{n - e}{2}$  : روش ۲

$$\Rightarrow Z = \frac{87 - 13 + 2}{2} = \frac{76}{2} = 38$$

(شیمی ا- کیهان، زادگاه الغبای هستی؛ صفحه‌های ۵ و ۶)

### شیمی ۱

#### «۱» ۱۴۱

(مسعود طبرسا)

آ) نادرست. فضایماهی و ویجر ۱ و ۲ از کنار سیاره‌های مشتری، زحل، اورانوس و نپتون که گازی هستند گذر کردند.

ب) درست. منظور رادیوایزوتوب فسفر (P) است.

پ) درست. اغلب براثر متلاشی شدن ایزوتوپ‌های ناپایدار، مقدار زیادی انرژی آزاد می‌شود.

#### «۳» ۱۴۴

(بهراد سوری‌لکن)

$$\bar{M} = M_1 + (\Delta M_{1,2} \times F_2) + (\Delta M_{1,3} \times F_3)$$

$$1/5 = (1 \times F_2) + (5 \times F_3) \Rightarrow F_2 + 5F_3 = 1/5$$

$$F_1 + F_2 + F_3 = 1 \xrightarrow{F_1 = 2F_2} 2F_2 + F_2 + F_3 = 1$$

$$\Rightarrow \begin{cases} F_2 + 5F_3 = 1/5 \\ F_2 + 2F_3 = 1 \end{cases} \quad \begin{matrix} F_2 = 0/25, F_3 = 0/25, F_1 = 0/5 \end{matrix}$$

تعداد کل ایزوتوپ  $\times$  فراوانی = تعداد ایزوتوپ

$$= 0/25 \times 10000 = 250$$

$$= 0/5 \times 10000 = 500$$

$$= |500 - 250| = 250$$

(شیمی ا- کیهان؛ زادگاه الغبای هستی؛ صفحه ۱۵)

#### «۳» ۱۴۲

(فاطمه مهانیان)

چون در صورت سؤال به تقریب گفته شده است، عدد آوگادرو را می‌توانیم

$6 \times 10^{23}$  در نظر بگیریم:

$$448 \text{ g C}_2\text{H}_6\text{O}_2 \times \frac{1 \text{ mol C}_2\text{H}_6\text{O}_2}{62 \text{ g C}_2\text{H}_6\text{O}_2} \times \frac{4 \text{ mol C}}{1 \text{ mol C}_2\text{H}_6\text{O}_2}$$

$$\times \frac{6 \times 10^{23} \text{ atom C}}{1 \text{ mol C}} = 48 \times 10^{23} \text{ atom C}$$

$$11/6 \text{ g C}_2\text{H}_6\text{O} \times \frac{1 \text{ mol C}_2\text{H}_6\text{O}}{58 \text{ g C}_2\text{H}_6\text{O}} \times \frac{4 \text{ mol C}}{1 \text{ mol C}_2\text{H}_6\text{O}} = 0/6 \text{ mol C}$$

$$\Rightarrow \frac{48 \times 10^{23}}{0/6} = 80 \times 10^{23} = 8 \times 10^{24}$$

(شیمی ا- کیهان؛ زادگاه الغبای هستی؛ صفحه‌های ۱۶ تا ۱۹)

(امید رضوانی)

#### «۳» ۱۴۵

موارد آ) و (ت) درست‌اند.

بررسی موارد نادرست:

ب) عدد اتمی عنصر تکنیم ۴۳ است.

پ) یکی از ایزوتوپ‌های شناخته شده‌ترین فلز پرتوزا، اغلب به عنوان سوخت در راکتورهای اتمی کاربرد دارد.

(شیمی ا- کیهان؛ زادگاه الغبای هستی؛ صفحه‌های ۷ و ۸)

(مسعود طبرسا)

#### «۱» ۱۴۳

روش ۱:  $A = 87 \Rightarrow n + p = 87$  (I)

$$\begin{cases} n - e = 13 \\ e = p - 2 \end{cases} \Rightarrow n - (p - 2) = 13 \Rightarrow n - p = 11 \quad (\text{II})$$



۳) شمار اتم‌های موجود در یک نمونه عنصر را می‌توان از روی جرم آن نمونه به دست آورد.

۴) دانشمندان برای این که بتوانند خواص فیزیکی و شیمیایی هر ماده را در یک محیط بررسی و اثر آن را گزارش کنند، باید بدانند که چه جرمی از اتم‌ها یا مولکول‌های آن ماده وارد محیط شده است.

(شیمی ا-کیوان، زادگاه الفبای هستی؛ صفحه‌های ۱۹، ۱۷، ۱۵ و ۱۳)

(بوار سویری‌لکن)

«گزینه ۳» - ۱۴۹

فقط مورد دوم نادرست است. بررسی برخی موارد:  
مورد اول:

$$\text{? mol H} = 6 / 4 \text{g CH}_4 \times \frac{1 \text{mol CH}_4}{16 \text{g CH}_4} \times \frac{4 \text{mol H}}{1 \text{mol CH}_4} = 1 / 6 \text{mol H}$$

$$\text{? mol H} = 78 / 4 \text{g H}_2\text{SO}_4 \times \frac{1 \text{mol H}_2\text{SO}_4}{98 \text{g H}_2\text{SO}_4} \times \frac{2 \text{mol H}}{1 \text{mol H}_2\text{SO}_4} = 1 / 6 \text{mol H}$$

مورد دوم: گلوکز نشان‌دار ممکن است همه جای بدن پخش شود.

(شیمی ا-کیوان، زادگاه الفبای هستی؛ صفحه‌های ۱۸، ۱۷ و ۱۶)

(رضا سلیمانی)

«گزینه ۳» - ۱۵۰

تنهای عبارت اول نادرست است.

بررسی برخی از عبارت‌ها:

عبارت اول: تصویر مربوط به غده تیروئید سالم است.

عبارت سوم: با استفاده از دوربین‌های حساس به پرتوهای فرابنفش، می‌توان تصویر خورشید را گرفت.

عبارت چهارم: کلر و لیتیم شامل ۲ ایزوتوپ در طبیعت هستند.

(شیمی ا-کیوان، زادگاه الفبای هستی؛ صفحه‌های ۱۹، ۱۵، ۷ و ۶)

(ممدریوار صارقی)

«گزینه ۳» - ۱۴۶

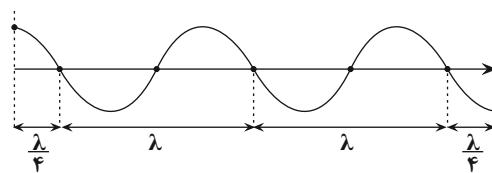
موارد (پ) و (ت) نادرست هستند.

بررسی برخی از موارد:

پ) بسیاری از نمک‌ها شعله‌رنگی دارند.

ت) تعداد خطوط طیف نشری خطی، ارتباطی با عدد اتمی ندارد.

(ث)



$$2 / 5\lambda = 15 \text{ nm} \Rightarrow \lambda = 60 \text{ nm}$$

(شیمی ا-کیوان، زادگاه الفبای هستی؛ صفحه‌های ۲۰ تا ۲۳)

(رسول عابدین‌زاده)

«گزینه ۳» - ۱۴۷

هر مول یون تک‌اتمی  $\text{X}^{51-}$  دارای ۲۸ مول الکترون است.

هر مول  $\text{Y}^{52+}$  دارای  $(28 - 52) = 24$  مول نوترون است.

برای به دست آوردن لیست شمار نوترون و الکترون می‌توان نسبت مول آن‌ها را حساب کرد.

$$\text{? mol In} = 6 / 0.2 \times 10^{21} \text{ atom Y} \times \frac{1 \text{ mol Y}}{6 / 0.2 \times 10^{23} \text{ atom Y}}$$

$$\times \frac{28 \text{ mol In}}{1 \text{ mol Y}} = 0 / 28 \text{ mol In}$$

$$\text{? mole}^- = 0 / 0.4 \text{ mol X}^{3-} \times \frac{28 \text{ mole}^-}{1 \text{ mol X}^{3-}} = 1 / 12 \text{ mole}^-$$

$$n = \frac{1 / 12 \text{ mol}}{0 / 28 \text{ mol}} = 4 \text{ نسبت شمار e به شمار}$$

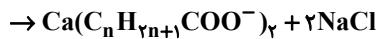
(شیمی ا-کیوان، زادگاه الفبای هستی؛ صفحه‌های ۵ و ۷)

(عبدالرضا رادفراه)

«گزینه ۴» - ۱۴۸

بررسی گزینه‌های نادرست:

۱) گستره رنگی نور خورشید، گستره‌ای پیوسته شامل بی‌نهایت طول موج از رنگ‌های گوناگون است.



$$166 / 5g CaCl_2 \times \frac{1mol CaCl_2}{111g CaCl_2} \times \frac{1mol}{1mol CaCl_2}$$

$$\times \frac{40 + 2(14n + 45)g}{1mol} = \frac{رسوب}{رسوب} = 951g$$

$$\Rightarrow 1 / 5 \times (40 + 2(14n + 45)) = 951 \Rightarrow n = 28$$



اسیدچرب آن  $C_{18}H_{37}COOH$  می‌باشد.

$$\text{تعداد اتم‌های اسیدچرب} = 18 + 37 + 4 = 59$$



تعداد جفت الکترون‌های ناپیوندی صابون ( $\text{Na}^+$ )

$$\frac{59}{5} = 11.8$$

(شیمی ۳- مولکول‌ها در فرمت تندرستی؛ صفحه ۹)

(ارزنگ فانلدری)

### گزینه «۳»

موارد (آ)، (ب) و (ت) نادرست هستند.

بررسی برخی از موارد:

(آ) مثلًاً روغن زیتون ( $C_{57}H_{104}O_6$ ) در آب نامحلول است.

(ب) به ازای مصرف ۲ مول  $RCOO^-Na^+$ ، یک مول  $CaCOONa$  تولید می‌شود.

(پ) یکی از راه‌های پیشگیری و با رعایت بهداشت فردی می‌باشد.

(ت) ذرات سازنده کلوبیدها توده‌های مولکولی با اندازه‌های متفاوت هستند.

(شیمی ۳- مولکول‌ها در فرمت تندرستی؛ صفحه‌های ۲، ۴، ۷ و ۹)

(ممدرضا یوسفی)

### گزینه «۴»

بررسی گزینه نادرست:

عسل حاوی مولکول‌های قطبی است که در ساختارشان شمار قابل توجهی هیدروکسیل دارند.

(شیمی ۳- مولکول‌ها در فرمت تندرستی؛ صفحه‌های ۲ تا ۵)

(علی رفیعی)

### گزینه «۳»

بررسی عبارت‌ها:

(آ) a یک اسیدچرب است (نه یک پاک‌کننده) و در هیچ نوع آبی، خاصیت پاک‌کننگی ندارد.

### شیمی ۳

#### «۳» - ۱۵۱

فقط عبارت (ت) درست است.

بررسی عبارت‌های نادرست:

(آ) صابون مایع و جامد از سر ناقطبی خود در چربی حل می‌شوند.

(ب) با توجه به اینکه سر ناقطبی پاک‌کننده‌های صابونی از یک هیدروکربن بلندزنجیر ساخته شده و سر قطبی آن‌ها گروه  $-COO^-$  است پس سر قطبی کوچکتر از سر ناقطبی است.

(پ) اسیدهای چرب، کربوکسیلیک اسیدهایی با زنجیر بلند کربنی هستند و در واکنش با  $NaOH$ ، صابون جامد تولید می‌کنند اما ترکیب  $C_5H_{10}COOH$  یک اسید بلندزنجیر نیست، که بتواند در واکنش با  $NaOH$ ، صابون جامد تولید کند.

(شیمی ۳- مولکول‌ها در فرمت تندرستی؛ صفحه‌های ۵ و ۶)

#### «۳» - ۱۵۲

بررسی عبارت‌ها:

(آ) زنجیر کربنی باید بلند باشد و تعداد کربن زیاد، داشته باشد.

(ب) چربی مخلوطی از اسیدهای چرب و استرهای بلندزنجیر است.

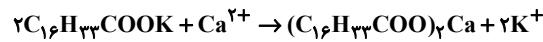
(پ) حالت فیزیکی چربی، جامد و روغن، مایع می‌باشد، بنابراین نقطه ذوب چربی بیشتر است.

(ت) بخش قطبی و ناقطبی با پیوند اشترانکی (کووالانسی) بهم متصل هستند.

(شیمی ۳- مولکول‌ها در فرمت تندرستی؛ صفحه‌های ۳ تا ۶)

(امین نوروزی)

#### «۳» - ۱۵۳



$$2(17 \times 12 + 33 \times 1 + 2 \times 16) + 1 \times 40 = 578g \cdot mol^{-1}$$

$$\frac{1mol Ca^{2+}}{578g} \times \frac{1mol Ca^{2+}}{578g} \times \frac{40g Ca^{2+}}{1mol Ca^{2+}}$$

$$\times \frac{100mg Ca^{2+}}{1g Ca^{2+}} = 40.0mg Ca^{2+}$$

(شیمی ۳- مولکول‌ها در فرمت تندرستی؛ صفحه‌های ۱ و ۹)

(امیرعلی بیات)

#### «۲» - ۱۵۴

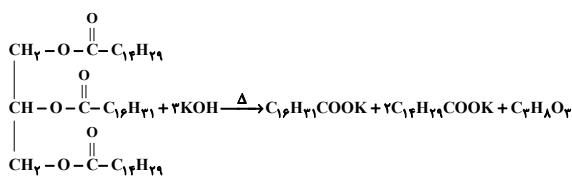
فرمول صابون مدنظر  $C_nH_{2n+1}COO^-Na^{+1}$  می‌باشد. حال می‌دانیم

واکنش تشکیل رسوب به صورت زیر می‌باشد:



$$\begin{aligned} R' & \left\{ \begin{array}{l} \text{فرمول: } C_m H_{2m-1} \\ C - C = m - 2 \\ C - H = 2m - 1 \Rightarrow (2m - 1) - (m - 2) = m + 1 = 12 \\ \Rightarrow m = 16 \Rightarrow R' = C_{16} H_{31} \end{array} \right. \end{aligned}$$

دقت کنید که زنجیر  $R'$  به تعداد  $(16 - 1 = 15)$  پیوند کریں با کربن دارد که یکی از آنها دوگانه و ۱۴ مورد  $(m - 2)$  یگانه یا  $C - C$  است. حال می‌توان واکنش انجام شده را نوشت:



در این واکنش، دو نوع صابون مایع تولید می‌شود که جرم مولی  $C_{14}H_{29}COOK$  برابر  $280$  گرم بر مول و جرم مولی  $C_{16}H_{31}COOK$   $306$  گرم بر مول می‌باشد. بنابراین سؤال جرم صابون اول را می‌خواهد:

$$\begin{aligned} ?g C_{14}H_{29}COOK &= \frac{1mol}{7g} \times \frac{1mol}{790g} \times 23 / 7g \\ &\times \frac{280g C_{14}H_{29}COOK}{1mol C_{14}H_{29}COOK} \times \frac{16 / 8g}{1mol C_{14}H_{29}COOK} = 16 / 8g \end{aligned}$$

(شیمی ۳- مولکول‌ها در فرمات تندرستی: صفحه‌های ۵ و ۶)

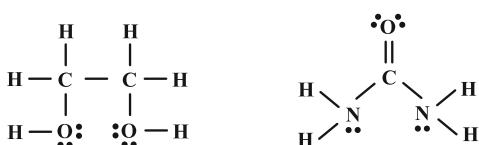
(امیرعلی بیات)

### ۱۶- گزینه «۳»

نهایاً مورد (ب) نادرست است.  
بررسی برخی از موارد:

الف) کاتیون‌های دوره دوم و سوم گروه دوم جدول  $Mg^{2+}$  و  $Ca^{2+}$  می‌باشند که باعث کاهش قدرت پاک‌کنندگی صابون در آب می‌شوند.

**جفت الکترون پیوندی اتیلن‌گلیکول**

$$\frac{9}{8} \quad \text{جفت الکترون پیوندی اوره}$$


ت) چربی مخلوطی از استر بلندزنجر و اسید چرب می‌باشد که در اسیدهای چرب می‌تواند هیدروژنی تشکیل شود.

(شیمی ۳- مولکول‌ها در فرمات تندرستی: صفحه‌های ۵، ۶، ۷ و ۹)

ب) نیروی بین مولکولی غالب در هر سه ترکیب  $a \leftarrow \text{اسید چرب}$ ,  $b \leftarrow \text{استر با جرم مولی زیاد بنزین}$  [از نوع واندروالسی است.

پ)  $b \leftarrow a \leftarrow \text{اکسیژن}$   
ت) کلولید پایدارشده روغن (b) و آب با استفاده از صابون، ناهمگن بوده و توانایی پخش نور را دارد.

(شیمی ۳- مولکول‌ها در فرمات تندرستی: صفحه‌های ۵ تا ۱۰)

### ۱۵۸- گزینه «۱»

بررسی عبارت‌ها:  
تنها عبارت اول نادرست است.

مورد اول: در روغن زیتون  $C_{57}H_{104}O_4$ ,  $12$  جفت الکترون نایپوندی وجود دارد و در اوره نیز  $8$  جفت الکترون پیوندی وجود دارد که نسبت آنها برابر است با:

$$\frac{12}{8} = \frac{3}{2} = 1 / 5$$

مورد دوم: درصد جرمی  $H$  در اوره برابر است با:  
 $CO(NH_2)_2 \Rightarrow \frac{4H}{C + O + 2N + 4H} \times 100 = \frac{4}{60} \times 100 \approx 6.7\%$

مورد سوم: این رابطه برای مواد محلول در آب برقرار است.

(شیمی ۳- مولکول‌ها در فرمات تندرستی: صفحه ۱۰)

### ۱۵۹- گزینه «۲»

ابتدا به نکات زیر توجه کنید:

(۱) با توجه به فرض سؤال، گروههای  $R$  و  $R'$  هر دو هیدروکربنی بوده و از عناصر  $H$  و  $C$  تشکیل شده‌اند.

(۲) گروه  $R$  یک گروه آلکیل با فرمول  $C_n H_{2n+1}$  است. در حالی که گروه  $R'$  یک پیوند دوگانه در ساختار خود داشته و فرمول آن به صورت  $C_m H_{2m-1}$  می‌باشد.

(۳) در یک زنجیر هیدروکربنی سیرشده، به تعداد اتم‌های هیدروژن پیوند  $C - H$  یافت می‌شود و تعداد پیوندهای کربن – کربن یکی کمتر از تعداد اتم‌های کربن می‌باشد. اکنون داریم:

$$\begin{aligned} R & \left\{ \begin{array}{l} \text{فرمول: } C_n H_{2n+1} \\ C - C = n - 1 \\ C - H = 2n + 1 \Rightarrow (2n + 1) - (n - 1) = n + 2 = 16 \\ \Rightarrow n = 14 \Rightarrow R = C_{14} H_{29} \end{array} \right. \end{aligned}$$



# دفترچه پاسخ

آزمون هوش و استعداد

(دوره دهم)

۰ مرداد

تعداد کل سؤالات آزمون: ۲۰

زمان پاسخگویی: ۳۰ دقیقه

گروه فنی تولید

مسئول آزمون	همایش اینترنتی اصفهان
ویراستار	فاطمه راسخ
مدیر گروه مستندسازی	محیا اصغری
مسئول درس مستندسازی	علیرضا همایون خواه
طراحان	سپهر حسن خان پور، حمید اصفهانی، فاطمه راسخ، حمید گنجی، نیلوفر امینی، فرزاد شیرمحمدی
حروفچینی و صفحه‌آرایی	مصطفی روحانیان
ناظر چاپ	حمید عباسی



(همیر اصفهانی)

**«گزینه ۲۵۵»**

عبارت «این سنجش را به ویژه از آن جهت می‌کنیم که ویس ورامین نخستین منظومه موجود عاشقانه قبل از نظامی است و هر دو هم بر یک وزن‌اند» به وضوح نشان می‌دهد «بر یک وزن سروده‌شدنِ دو منظومه ادبی، عامل مؤثری در القای شباهت میان آن دو است». البته این عبارت به این معنا نیست که پیش از ویس ورامین فخرالدین اسعد، هیچ منظومه شاعرانه‌ای در ادبیات فارسی سروده نشده است، چرا که ممکن است چنین منظومه‌ای سروده شده و به دست ما نرسیده باشد. همچنین متن، آثار نظامی را با هم مقایسه نکرده و یا مطلبی نگفته است که بتوان از آن چنین مقایسه‌ای را نتیجه گرفت. علاوه بر این، در انتهای متن نیز آرایه استعاره فشرده‌تر از آرایه تشبیه دانسته شده است.

(هوش کلامی)

(همیر اصفهانی)

**«گزینه ۲۵۶»**

ذکر «گهی گفتی» در ایات گزینه پاسخ بارز است. متن به وضوح این عبارت را از عبارات فخرالدین اسعد دانسته است.

(هوش کلامی)

(همیر اصفهانی)

**«گزینه ۲۵۷»**

نویسنده متن صورت سؤال بیان می‌کند موصفات فخرالدین اسعد پرشمار و توصیفات نظامی طولانی‌تر است. در گزینه «۱»، زلف و چشم و عارض و رخ معشوق همگی وصف شده است در حالی که در دیگر گزینه‌ها، فقط یک مورد موصوف داریم: گزینه‌های «۲» و «۴» به وصف «چشم» پرداخته‌اند و گزینه «۳» به وصف زلف.

(هوش کلامی)

(فاطمه راسخ)

**«گزینه ۲۵۸»**

سامان دایی صbast. علی پسر خاله صbast. پس سامان دایی علی نیز هست و همسر او (مادر مصطفی) زن دایی علی.

(هوش ریاضی)

**استعداد تحلیلی****«گزینه ۲۵۱»**

(سپهر محسن فان پور)

هر سه واژه «آفل : افول کننده / ساقط: سقوط کننده / نازل: نزول کننده» معنای «پایین‌رونده» دارد. «آمر: امر کننده، دستور دهنده» متفاوت است.

**«گزینه ۲۵۲»**

(سپهر محسن فان پور)

در متن صورت سؤال، لاکپشتی چنان عظیم وصف شده است که جزیره به نظر رسیده، کشتی‌ای بر کنار آن لنگر انداده، اهالی کشتی بر آن سوار بوده و مدتی روی آن گذرانده‌اند، بی آن که بدانند آن خشکی جزیره نیست و لاکپشت است. نتیجه‌گیری انتهای متن کاملاً موهوم و خرافی و واهی، یعنی غیرواقعی و با منطق علم تجربی آدمی ناسازگار است.

(هوش کلامی)

**«گزینه ۲۵۳»**

نویسنده در متن صورت سؤال، توصیفات فخرالدین اسعد را بسیار رقيق‌تر و مجمل‌تر از آن می‌داند که نام «مینیاتور» روی آن بگذارد، چرا که در مینیاتور، مبالغه و ظرافت در توصیف جلوه‌های جمال بیشتر است. واضح است که «محمل» در متن معنایی در حدود «کم و مختصر» دارد.

(هوش کلامی)

**«گزینه ۲۵۴»**

نویسنده در متن صورت سؤال، توصیفات فخرالدین اسعد را بسیار رقيق‌تر و مجمل‌تر از آن می‌داند که نام «مینیاتور» روی آن «توصیفات فخرالدین اسعد» بگذارد.

(هوش کلامی)



که سرخ و یا سفید پوشیده باشد. سبز هم که نپوشیده است، زرد هم که متعلق به اکبر است. پس امین آبی پوشیده است. قطعاً از بین امیر و آرشا، یکی سبز پوشیده است، اما معلوم نیست کدام. رنگ پیراهن شخص دیگر نیز معلوم نیست. تکلیف رنگ پیراهن آرش را نیز نمی‌دانیم.

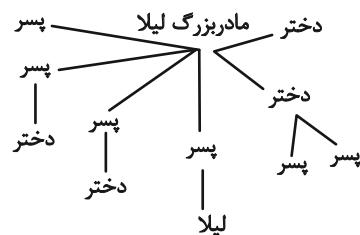
۵	۴	۳	۲	۱
امین	؟، سبز	اکبر، زرد		
		اکبر، زرد	؟، سبز	امین

(هوش ریاضی)

(فاطمه، راسخ)

## «۲۵۹- گزینه»

طبق نمودار، لیلا دو عمه، سه عمو، دو پسرعمه و دو دخترعمو داشته است:



(هوش ریاضی)

## «۲۶۰- گزینه»

(همید کنی)

## «۲۶۳- گزینه»

ابتدا فرض می‌کنیم امین نفر اول باشد که سفید پوشیده است، پس شخصی که قرمز پوشیده است باید در کنار او در جایگاه دوم باشد.

حال آرشا و امیر که کنار یکدیگر نیستند در جایگاه دوم هم نیستند، پس یکی از آن‌ها در جایگاه سوم است و دیگری در جایگاه پنجم. همچنین آن که زرد پوشیده است در کنار آن که سبز پوشیده است نیست، پس این دو تن نیز یکی در جایگاه سوم و دیگری در جایگاه پنجم است. پس آن که در جایگاه چهارم است، قطعاً آبی پوشیده است. نفرات جایگاه‌های دوم و چهارم نیز معلوم نیست که یا آرش است و یا اکبر:

۵	۴	۳	۲	۱
آرش / امیر	آرش / اکبر	آرش / امیر	آرش / اکبر	امین
سبز / زرد	آبی	سبز / زرد	قرمز	سفید

جایگاه آرش و اکبر دو حالت، جایگاه آرش و امیر نیز دو حالت و رنگ پیراهن آن دو نیز دو حالت دارد. طبق اصل ضرب، تا اینجا هشت حالت داریم. اتا همه این‌ها با فرض جایگاه نخست برای امین بود. اگر امین در جایگاه پنجم باشد، دوباره همین حالت‌ها را داریم، پس در مجموع شانزده حالت ممکن است.

(هوش ریاضی)

(همید اصفهانی)

## «۲۶۱- گزینه»

امین یا اول است یا پنجم، امیر نیز سوم است و آرشا در کنار او نیست. پس دو حال داریم:

۵	۴	۳	۲	۱
امین		امیر		آرشا
آرشا		امیر		امین

رنگ پیراهن در این سؤال مهم نیست.

(هوش ریاضی)

## «۲۶۲- گزینه»

امین یا اول است یا پنجم. پس اکبر نیز که زرد پوشیده است قطعاً سوم است و شخصی که سبز پوشیده در بین این دو قرار دارد. با توجه به این که صاحبان پیراهن‌های قرمز و سفید در کنار هم هستند، امین شخصی نیست



(فاطمه، راسخ)

**«۲۶۸- گزینهٔ ۱»**

سه ناحیه «درون کمان»، «درون مثلث» و «درون پنج ضلعی و مثلث» همگی درون مستطیل و خارج از دیگر شکل‌ها متنظر است. چنین ناحیه‌ای فقط در گزینه «۱» هست.

(هوش غیرکلامی)

(نیلوفر امینی)

**«۲۶۴- گزینهٔ ۳»**

بیشترین رشد قامت در یک بازه زمانی یک ساله متعلق به هدی است که قدَّ وی در فاصله ۱۶ تا ۱۷ سالگی، بیست سانتی‌متر رشد کرده است. حدّاً کثر رشدِ امیر در بازه یک ساله، بازه ۱۴ تا ۱۵ سالگی اوست که ۱۵ سانتی‌متر رشد کرده است.

(هوش ریاضی)

(غزال شیرمحمدی)

**«۲۶۹- گزینهٔ ۱»**

مسیر «مربع، دایره، مثلث سفید، ضربدر، ستاره، مثلث رنگی» در همهٔ گزینه‌ها پاد ساعتگرد طی می‌شود به جز گزینه «۱» که این مسیر در آن ساعتگرد است.

(هوش غیرکلامی)

(نیلوفر امینی)

**«۲۶۵- گزینهٔ ۲»**

در تصویر صورت سؤال، داده‌ها به دو دسته «الف» و «ج» تقسیم شده‌اند. همچنین در یک طبقه‌بندی دیگر، داده‌ها به دو دسته «ب» و «د» نیز تقسیم شده‌اند. اما این تقسیم‌بندی‌ها مز یکسان ندارد، برخی «الف»‌ها «ب» و برخی دیگر «د» هستند؛ برخی «ج»‌ها نیز «ب» و برخی دیگر «د» هستند. هیچ «الف» نیست که «ج» باشد، هیچ «ب» نیست که «د» باشد.

(هوش ریاضی)

(غزال شیرمحمدی)

**«۲۷- گزینهٔ ۲»**

با سه شکل همهٔ گزینه‌ها می‌توان یک مربع کامل ساخت، به جز گزینه «۲».

(هوش غیرکلامی)

(ممید اصفهانی)

**«۲۶۶- گزینهٔ ۴»**

شكل صورت سؤال با ۹۰ درجه دوران پاد ساعتگرد به شکل گزینه «۴» تبدیل می‌شود.

(هوش غیرکلامی)

(فاطمه، راسخ)

(فاطمه، راسخ)

**«۲۶۷- گزینهٔ ۳»**

در شکل صورت سؤال، یکی از نقطه‌ها در فضای مشترک هر چهار شکل است که این ناحیه در گزینه‌های «۱» و «۴» نیست. نقطه دیگری نیز تنها درون مثلث و خارج از دیگر شکل‌هاست که این ناحیه در فضای گزینه‌های «۱» و «۲» نیست. نقطه دیگری نیز در فضای مشترک مستطیل و هشت‌ضلعی است که این ناحیه در گزینه «۱» نیست.

(هوش غیرکلامی)