



آزمون قابستان «۱۶ شهریور ۱۴۰۳»

دفترچه اول اختصاصی دوازدهم ریاضی

(ریاضیات)

مدت زمان کل پاسخ‌گویی سوالات: ۱۴۰ دقیقه

تعداد کل سوالات: ۱۰۰ سوال

(۵۰ سوال اجباری + ۵۰ سوال اختیاری)

نام درس	تعداد سوال	شماره سوال	زمان پاسخگویی
حسابان ۱	۲۰	۱-۲۰	۲۵'
حسابان ۱-آشنا	۲۰	۱-۲۰	۲۵'
ریاضی ۱	۱۰	۲۱-۳۰	۱۵'
آمار و احتمال	۱۰	۳۱-۴۰	۱۵'
هندسه ۲	۱۰	۴۱-۵۰	۱۵'
اختیاری	۱۰	۵۱-۶۰	۱۵'
هندسه ۳	۱۰	۶۱-۷۰	۱۵'
اختیاری	۱۰	۷۱-۸۰	۱۵'
ریاضیات گسته	۲۰	۸۱-۱۰۰	۲۵'
ریاضیات گسته-آشنا	۲۰	۸۱-۱۰۰	۲۵'
جمع کل	۱۰۰	۱-۱۰۰	۱۴۰'

پذیده‌آورندگان

نام درس	نام
ریاضی‌بایه و حسابان ۲	امیرحسین ابومحبوب جلیل احمدی‌برایو- توحید اسدی- محسن اسماعیل‌پور- محمد بیمانی- سهیل حسن خان‌پور- عادل حسینی بهرام حلاج- طاهر دادستانی- میلاد سجادی‌لاریجانی- محمد حسن‌سلامی‌حسینی- علی شهرابی- یوسف عراز- حمید علیزاده نیما کدوی‌ریان- مصطفی کرمی- میلاد منصوری- سروش موئینی- سید جواد نظری- جهانبخش نیکنام
هندسه	محمد‌مهدی ابوتراپی- امیرحسین ابومحبوب- علی ایمانی- رضا بخشندۀ- جواد حاتمی- افشن خاصه‌خان- فرزانه خاکی‌باش- محمد خندان یاسین سهیر- رضا عیاسی‌اصل- فرشاد فرامرزی- محمد‌بایه‌ایمیم گیتی‌زاده- سهام مجیدی‌پور- رحیم مشتاق‌نظم- محمد هجری سرژ یقیازاریان تبریزی
آمار و احتمال و ریاضیات گسته	امیرحسین ابومحبوب- علی ایمانی- افشن خاصه‌خان- فرزانه خاکی‌باش- آرش رحیمی- علیرضا شریف‌خطیبی- علی اکبر‌علی‌زاده محمد علی کاظم‌نظری- علیرضا کلاتنی- مهرداد ملوندی- مختار منصوری- میلاد منصوری- نیلوفر مهدوی- هومن نورانی

گزینشگران و ویراستاران

نام درس	ریاضی‌بایه و حسابان ۲	هندسه	آمار و احتمال و ریاضیات گسته
گزینشگر	عادل حسینی	سرژ یقیازاریان تبریزی	امیر‌محمد کریمی
گروه ویراستاری	امیر‌حسین ابومحبوب سهیل تقی‌زاده مهرداد ملوندی	امیر‌حسین ابومحبوب سهیل تقی‌زاده مهرداد ملوندی	امیرحسین ابومحبوب سهیل تقی‌زاده مهرداد ملوندی
مسئول درس	سپهر متولیان	سپهر متولیان	سپهر متولیان
مسئول سازی	عادل حسینی	عادل حسینی	عادل حسینی
ویراستاران (مستندسازی)	سمیه استکندری	علیرضا زارعی- علیرضا عیاسی‌زاهد- سجاد سلیمانی- احسان صادقی	الهه شهبازی

کروه فنی و تولید

مهدی گروه	مهرداد ملوندی
مسئول دفترچه	نرگس غنی‌زاده
گروه مستندسازی	مدیر گروه: محبیا اصغری
حروف‌نگار	فرزانه فتح‌اله‌زاده
ناظر چاپ	سوران نعیمی

گروه آزمون

بنیاد علمی آموزشی قلمچی «وقف عام»

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ - تلفن: ۰۱۶۴۶۳



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

حسابان ۱: مسئله‌های صفحه‌های ۹۱ تا ۱۱۲

پاسخ دادن به این سوالات برای همهٔ دانشآموزان اجباری است.

۱- مقدار کدام‌یک از عبارت‌های زیر بزرگتر است؟

$$\left| \cos \frac{7\pi}{9} \right| \quad (۱)$$

$$|\cos \frac{\pi}{4}| \quad (۲)$$

$$\left| \cos 150^\circ \right| \quad (۳)$$

$$|\cos 2| \quad (۴)$$

۲- طول برف‌پاکن عقب خودرویی 40 سانتی‌متر و طول تیغه آن 30 سانتی‌متر است. اگر هر بار به اندازه 135° جابه‌جا شود، مساحتناحیهٔ پاک‌شده بر حسب سانتی‌متر مربع چند برابر π است؟

۵۶۲/۵ (۱)

۵۲۵ (۲)

۵۰۰ (۳)

۵۵۰ (۴)

۳- مساحت شکل گستردۀ قیفی مخروطی‌شکل به شعاع قاعده 3 ، برابر 45π است. اندازهٔ زاویهٔ شکل گستردۀ (قطاع) این قیف

چند درجه است؟

۸۰ (۱)

۶۰ (۲)

۷۲ (۳)

۹۰ (۴)

۴- اگر -1 باشد، حاصل عبارت $\frac{\cos(562/5^\circ) - \sin(112/5^\circ)}{\cos(57/5^\circ) + \cos(337/5^\circ)}$ کدام است؟ $-\sqrt{2}$ (۱) -1 (۲)

۱ (۳)

 $\sqrt{2}$ (۴) $A = \tan \frac{\pi}{20} \tan \frac{3\pi}{20} \tan \frac{5\pi}{20} \tan \frac{7\pi}{20} \tan \frac{9\pi}{20}$ کدام است؟

-۱ (۱)

۱ (۲)

-۲ (۳)

۲ (۴)

محل انجام محاسبات



۶- حاصل $B = (1 + \sin \frac{\pi}{12})(1 + \sin \frac{5\pi}{12})(1 + \sin \frac{13\pi}{12})(1 + \sin \frac{17\pi}{12})$ کدام است؟

$$\frac{1}{8} \quad (2)$$

$$\frac{1}{4} \quad (1)$$

$$\frac{1}{32} \quad (4)$$

$$\frac{1}{16} \quad (3)$$

۷- کدام یک از انتقال‌های زیر نمودار $f(x) = -\cos x$ را به نمودار $g(x) = \sin(x - \frac{\pi}{4})$ تبدیل نمی‌کند؟

$$(1) \text{ انتقال به سمت چپ، سپس قرینه نسبت به محور } X \text{ ها}$$

$$(2) \text{ قرینه نسبت به محور } Y \text{ ها، سپس } \frac{\pi}{4} \text{ انتقال به سمت چپ}$$

$$\frac{\pi}{4} \text{ انتقال به سمت راست} \quad (3)$$

$$\frac{3\pi}{4} \text{ انتقال به سمت راست، سپس قرینه نسبت به محور } X \text{ ها} \quad (4)$$

۸- از تساوی $\frac{\sin \delta^\circ}{\sin 15^\circ} = \frac{\cos \delta^\circ}{\cos 15^\circ + X}$ مقدار X کدام است؟

$$-\cos \delta^\circ \quad (2)$$

$$\cos \delta^\circ \quad (1)$$

$$-2\cos \delta^\circ \quad (4)$$

$$2\cos \delta^\circ \quad (3)$$

۹- اگر $\frac{\cos 2\alpha}{1 + \sin \alpha} = \frac{1}{3}$ و انتهای کمان α در ربع چهارم دایره مثلثاتی باشد، حاصل $\sin 2\alpha$ کدام است؟

$$\frac{-4\sqrt{5}}{9} \quad (2)$$

$$\frac{4\sqrt{3}}{9} \quad (1)$$

$$\frac{4\sqrt{5}}{9} \quad (4)$$

$$-\frac{4\sqrt{3}}{9} \quad (3)$$

۱۰- اگر $\cos 4\alpha = -\frac{1}{9}$ باشد، حاصل ضرب مقادیر ممکن برای $\sin \alpha$ کدام است؟

$$-\frac{1}{3} \quad (2)$$

$$-\frac{5}{6} \quad (1)$$

$$\frac{2}{3} \quad (4)$$

$$\frac{5}{36} \quad (3)$$

محل انجام محاسبات



وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

حسابان ۱: آشنا

۱۱- در یک مثلث متساوی الساقین، مجموع دو زاویه نابرابر $\frac{360}{\pi}$ درجه است. اندازه زاویه کوچکتر بر حسب رادیان تقریباً کدام است؟

$$(\pi \approx 3/14)$$

$$0/76 (۴)$$

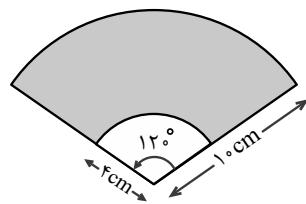
$$0/86 (۳)$$

$$1/24 (۲)$$

$$1/14 (۱)$$

۱۲- در شکل زیر که قسمتی از یک دایره است، مساحت سطح سایه زده شده چند سانتی‌متر مربع است؟

$$20\pi (۱)$$



$$18\pi (۲)$$

$$28\pi (۳)$$

$$30\pi (۴)$$

۱۳- تساوی $\tan(2x - \frac{\pi}{15}) = \cot(\frac{4\pi}{15} + 3x)$ برقرار است؟

$$\frac{11\pi}{30} (۴)$$

$$\frac{11\pi}{150} (۳)$$

$$\frac{11\pi}{50} (۲)$$

$$\frac{11\pi}{15} (۱)$$

۱۴- اگر $\cos(x - \frac{7\pi}{9}) = A$ و $\cos(x + \frac{5\pi}{18}) = A$ باشد، حاصل $\cos(2x + y)$ کدام است؟

$$\sqrt{1-A^2} (۴)$$

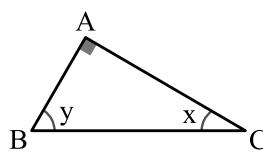
$$-\sqrt{1-A^2} (۳)$$

$$-A (۲)$$

$$A (۱)$$

۱۵- در مثلث زیر، اگر $\cos(2x+y) = -\frac{1}{4}$ باشد، حاصل $\tan x$ کدام است؟

$$\frac{1}{2} (۱)$$



$$\frac{3}{4} (۲)$$

$$\frac{2}{\sqrt{15}} (۳)$$

$$\frac{1}{\sqrt{15}} (۴)$$

محل انجام محاسبات



۱۶- حاصل $2\cos 10^\circ \cos 50^\circ - \cos 40^\circ$ کدام است؟ (زوايا بر حسب درجه اند).

$$-\frac{1}{2} \quad (2)$$

$$\frac{1}{2} \quad (1)$$

$$-\frac{\sqrt{3}}{2} \quad (4)$$

$$\frac{\sqrt{3}}{2} \quad (3)$$

۱۷- اگر انتهای کمان α در ربع اول دایره مثلثاتی و $\tan \alpha = \frac{1}{\sqrt{3}}$ باشد، مقدار $\sin(\frac{13\pi}{4} + \alpha)$ کدام است؟

$$-\frac{3}{5} \quad (2)$$

$$-\frac{4}{5} \quad (1)$$

$$\frac{4}{5} \quad (4)$$

$$\frac{3}{5} \quad (3)$$

۱۸- ساده شده عبارت $\frac{\sin(\theta)}{1-\cos(\theta)} + \frac{1+\cos(\theta)}{\sin(\theta)}$ کدام است؟

$$\sin\left(\frac{\theta}{2}\right) \quad (2)$$

$$\cos\left(\frac{\theta}{2}\right) \quad (1)$$

$$2\tan\left(\frac{\theta}{2}\right) \quad (4)$$

$$2\cot\left(\frac{\theta}{2}\right) \quad (3)$$

۱۹- اگر α زاویه‌ای حاده باشد، ریشه مثبت معادله $x^3 \tan \alpha - 2x - \tan \alpha = 0$ کدام است؟

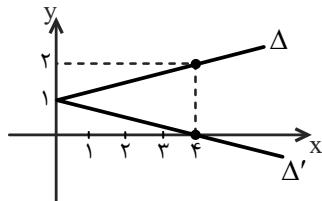
$$2\cos\frac{\alpha}{2} \quad (2)$$

$$\tan\frac{\alpha}{2} \quad (1)$$

$$2\sin\alpha \quad (4)$$

$$\cot\frac{\alpha}{2} \quad (3)$$

۲۰- در شکل زیر، سینوس زاویه حاده بین دو نیم خط Δ و Δ' کدام است؟



$$\frac{2}{17} \quad (1)$$

$$\frac{4}{17} \quad (2)$$

$$\frac{1}{17} \quad (3)$$

$$\frac{8}{17} \quad (4)$$

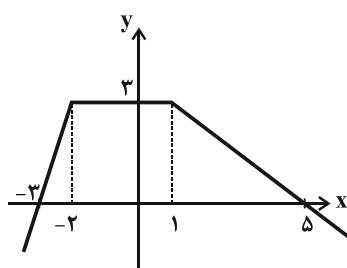
محل انجام محاسبات



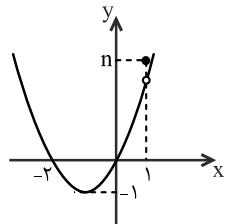
وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

ریاضی ا: تابع + شمارش، بدون شمردن: صفحه‌های ۱۰۹ تا ۱۳۲

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اجباری است.

۲۱- اگر $f = \{(4a+b, 4a^2+b+1), (4a+b^2, 2b+1), (b^2, 1)\}$ کدام است؟ $\frac{3}{2}$ (۲) ۳ (۱) $\frac{1}{2}$ (۴) -۱ (۳)۲۲- تابع f همانی و تابع g ثابت است. اگر رابطه $\frac{f(3)}{g(3)} + \frac{1}{2}g(3) = \frac{5}{f(2)}$ کدام است؟ $\frac{1}{2}$ (۲) صفر (۱) $\frac{3}{2}$ (۴) ۱ (۳)۲۳- نمودار تابع f به صورت زیر است. مجموع جواب‌های معادله $f(x) = 2$ کدام است؟

(۱) صفر

 $-\frac{1}{3}$ (۲) $\frac{1}{4}$ (۳) $\frac{1}{2}$ (۴)۲۴- نمودار تابع $g(x) = \begin{cases} x^2 + bx + c & ; x \neq 1 \\ n & ; x = 1 \end{cases}$ در شکل زیر رسم شده است. حاصل $n+b+c$ کدام است؟

۴ (۱)

۶ (۲)

۳ (۳)

۵ (۴)

محل انجام محاسبات



۲۵- اندازه قطر مستطیل محصور بین نمودارهای دوتابع $g(x) = -|x| + 3$ و $f(x) = |x+1|$ کدام است؟

(۴) $\sqrt{5}$ (۳) $\sqrt{2}$ (۲) $\sqrt{5}$ (۱) $\sqrt{10}$

۲۶- قرینه نمودار $y = |x+1|$ نسبت به محور x ها را واحد به سمت x های مثبت انتقال می‌دهیم. نمودار حاصل نیمساز ناحیه چهارم را با کدام عرض قطع می‌کند؟

(۴) -2 (۳) -1 (۲) $-\frac{1}{2}$ (۱) $-\frac{3}{2}$

۲۷- با حروف کلمه «جهانگردی» و بدون تکرار حروف چند کلمه هشت حرفی می‌توان نوشت که در آن حروف کلمه «جهان» کنار هم باشند؟

(۴) $5 \times 5!$ (۳) $5 \times 4!$ (۲) $4 \times 5!$ (۱) $4 \times 5!$

۲۸- ۶ نفر به نامهای f, e, d, c, b, a به چند طریق می‌توانند در یک ردیف کنار یکدیگر قرار گیرند به گونه‌ای که a و b مجاور یکدیگر باشند ولی c و d مجاور هم نباشند؟

(۴) 260 (۳) 240 (۲) 144 (۱) 196

۲۹- با سه رقم ۲ و چهار رقم ۳، چند عدد پنج رقمی می‌توان نوشت؟

(۴) 26 (۳) 25 (۲) 24 (۱) 23

۳۰- با ارقام ۱ تا ۹ و بدون تکرار ارقام، چند عدد طبیعی فرد و مضرب ۳ می‌توان ساخت به‌طوری که کمتر از ۲۰۰ باشند؟

(۴) 28 (۳) 27 (۲) 26 (۱) 25



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

آمار و احتمال: آمار توصیفی: صفحه‌های ۶۹ تا ۹۴

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانش‌آموزان اجباری است.

۳۱- نمودار میله‌ای، بافت‌نگاشت و دایره‌ای، به ترتیب برای کدامیک از انواع داده‌ها مناسب‌اند؟

- (۱) کمی پیوسته و کیفی - کمی گسسته - کمی گسسته و کیفی
 (۲) کمی گسسته و کیفی - کمی پیوسته - کمی پیوسته
 (۳) کمی گسسته و کیفی - کمی پیوسته - کمی گسسته و کیفی

۳۲- واریانس ۲۳ داده آماری برابر ۶ است. اگر داده‌ای که با میانگین برابر است به آنها اضافه شود، قدر مطلق تفاصل واریانس ۲۴ داده

جدید و واریانس داده‌های قبلی برابر کدام است؟

- ۰/۲ (۴) ۰/۲۵ (۳) ۰/۳ (۲) ۰/۳۵ (۱)

۳۳- نمرات زبان دانش‌آموزان یک دبیرستان مطابق جدول زیر است. در نمودار دایره‌ای متناظر با این نمرات، زاویه مربوط به نمره A کدام است؟

نمره	A	B	C	D	E
درصد فراوانی	a	۲۰	۳۰	۲۲	۱۸

- ۳۶° (۲) ۳۴° (۱)

- ۴۰° (۴) ۳۸° (۳)

۳۴- اگر میانگین داده‌های جدول مقابل ۲۵/۲۴ باشد، X کدام است؟

- ۱۷ (۴) ۱۲ (۳) ۲ (۲) ۷ (۱)

۳۵- وزن دانش‌آموزان یک کلاس بر حسب کیلوگرم در نمودار بافت نگاشت زیر نمایش داده شده است. اگر ۵ دانش‌آموز به ترتیب به

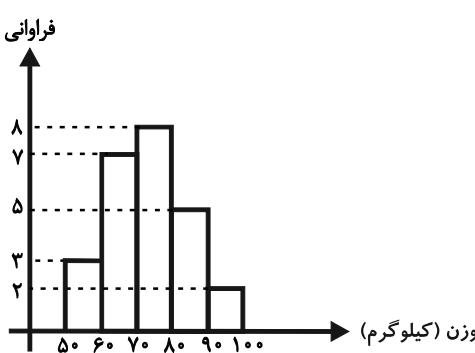
وزن‌های ۶۹، ۷۳، ۷۶، ۸۲ و ۹۴ کیلوگرم به این کلاس اضافه شوند، فراوانی نسبی دسته وسط تقریباً چه تغییری می‌کند؟

- (۱) ۰٪ اضافه می‌شود.

- (۲) ۰٪ اضافه می‌شود.

- (۳) ۰٪ کم می‌شود.

- (۴) ۱٪ کم می‌شود.



محل انجام محاسبات



۳۶- (n-۳) داده با میانگین ۹ را با $(2n+3)$ داده دیگر با میانگین ۱۲ ترکیب کرده‌ایم. میانگین کل داده‌ها کدام گزینه می‌تواند باشد؟

۱۱/۳۵ (۲)

۱۱/۲۵ (۱)

۱۱/۷ (۴)

۱۱/۴ (۳)

۳۷- در داده‌های ۱۳, ۱۷, ۱۷, ۱۲, ۹, ۱۲, ۱۷, ۲, ۸, ۷, ۲, ۱۷, ۱۷, ۱۲, ۷, ۴, ۱, ۷، اختلاف بین مجموع داده‌های بزرگ‌تر از چارک سوم و مجموع داده‌های

کوچک‌تر از مد کدام است؟

۳۸ (۲)

۳۴ (۱)

۴۹ (۴)

۴۲ (۳)

۳۸- اگر واریانس داده‌های $5z-4$, 2 , $4y+2$, 4 و $3x-9$ برابر صفر باشد، میانه داده‌های y^2 , $z-5$, $x+1$ و $y-2x$ کدام است؟

۲ (۲)

۱/۵ (۱)

۳ (۴)

۲/۵ (۳)

۳۹- در ۲۵ داده آماری، میانگین و انحراف معیار به ترتیب 30 و 8 می‌باشد. اگر داده‌های 10 , 15 , 45 و 50 از بین آنها حذف شوند،

واریانس داده‌های باقیمانده کدام است؟

۱۴/۸۱ (۲)

۱۴/۷۲ (۱)

۱۶/۶۷ (۴)

۱۵/۳۳ (۳)

۴۰- در جدول داده‌های مقابل، میانه و مد به ترتیب از راست به چپ کدام است؟

x_i	۷	۸	۱۲	۱۴	۱۷	۲۰
f_i	۵	۱	۵	۲	۷	۳

۷, ۱۳ (۲)

۱۷, ۱۳ (۱)

۱۷, ۱۴ (۴)

۷, ۱۴ (۳)

محل انجام محاسبات



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

هنده ۲: تبدیل‌های هندسی: صفحه‌های ۴۳ تا ۵۴

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانش‌آموزان اجباری است.

۴۱- اگر داشته باشیم $T^{\underbrace{(T(T(\dots T(A))))}_{2n+1}} = A$ کدام تبدیل می‌تواند باشد؟ (نقطه A روی خط d یا منطبق بر نقطه O نیست.)

(۲) تجانس به مرکز O و با نسبت (-۱)

(۱) دوران ۱۲۰ درجه به مرکز O

(۴) انتقال با بردار غیرصفر \vec{v}

(۳) بازتاب نسبت به خط d

۴۲- دو پاره خط به طول‌های ۳ و ۵ واحد که به فاصله ۱۲ واحد از یکدیگر قرار دارند در یک تجانس معکوس، تصویر هم می‌باشند.

فاصله مرکز تجانس تا پاره خط بزرگ‌تر کدام است؟

۸ (۲)

۹ (۱)

۷ (۴)

۷/۵ (۳)

۴۳- مجانس‌های نقطه‌ای نسبت به یک مرکز و با دو نسبت مختلف k و k' ، خود نیز مجانس یکدیگرند. نسبت تجانس این دو نقطه کدام می‌تواند باشد؟

kk' (۲)

 $\frac{k}{k'} (1)$

۲kk' (۴)

k + k' (۳)

۴۴- ترکیبی از کدام دو تبدیل زیر، می‌تواند طول پابند شد و لی شیب خط‌ها را لزوماً حفظ می‌کند؟

(۲) بازتاب نسبت به خط و دوران

(۱) انتقال و بازتاب نسبت به خط

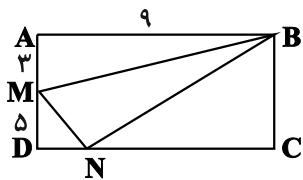
(۴) انتقال و تجانس

(۳) تجانس و دوران

محل انجام محاسبات



۴۵ - در مستطیل $ABCD$ ، نقطه M روی AD ثابت و نقطه N روی DC متغیر است. کمترین محیط مثلث BMN چند برابر $\sqrt{10}$ است؟



۴ (۱)

۵ (۲)

۸ (۳)

۱۰ (۴)

۴۶ - دو دایره $C(O, 2)$ و $C'(O', 3)$ با طول خط المركزين $O O' = 10$ مفروض اند. اگر نقطه M مرکز تجانس معکوس دو دایره و

خط d گذرنده از M ، در نقطه A بر دایره C مماس باشد، مساحت مثلث OAM کدام است؟

 $\sqrt{10}$ (۲)

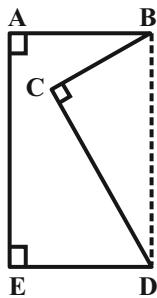
۳ (۱)

 $\sqrt{14}$ (۴) $2\sqrt{3}$ (۳)

۴۷ - مطابق شکل زیر قطعه زمینی به صورت پنجضلعی $ABCDE$ مفروض است. اگر $AE = 12$ ، $AB = 3/5$ ، $AC = 12$ و $\angle CDE = 75^\circ$ باشد

و بخواهیم با استفاده از تبدیل هندسی مناسب و بدون تغییر محیط و تعداد اضلاع این چند ضلعی، مساحت آن را افزایش

دهیم، حداقل مقدار ممکن برای مساحت این زمین کدام است؟ ($BD \parallel AE$)



۵۵ (۱)

۵۷/۵ (۲)

۶۰ (۳)

۶۲/۵ (۴)

محل انجام محاسبات



۴۸- اگر نقاط M ، N و P ، وسطهای اضلاع مثلث دلخواه ABC باشند، آنگاه مثلث MNP ، مجانس مثلث ABC به کدام مرکز

تجانس است؟

۲) محل همرسی ارتفاعهای مثلث ABC

۱) محل همرسی میانه‌های مثلث ABC

۴) محل همرسی عمود منصفهای اضلاع مثلث ABC

۳) محل همرسی نیمسازهای داخلی مثلث ABC

۴۹- از بین مثلثهایی که در ضلع $AB = 12$ مشترک‌اند و مساحت آنها ۲۷ می‌باشد، کمترین مقدار محیط کدام است؟

۲۵ (۲)

۲۳ (۱)

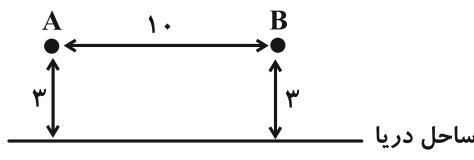
۲۹ (۴)

۲۷ (۳)

۵۰- مطابق شکل، دو شهر A و B به فاصله ۱۰ کیلومتر از هم و هر کدام به فاصله ۳ کیلومتر از ساحل دریا مفروض‌اند. اگر بخواهیم

جاده‌ای با کوتاه‌ترین طول ممکن بین دو شهر احداث کنیم به گونه‌ای که ۲ کیلومتر از جاده از کنار ساحل بگذرد، طول جاده بین

A و B ، چند کیلومتر خواهد بود؟



۱۲ (۱)

۱۴ (۲)

۱۶ (۳)

۱۸ (۴)

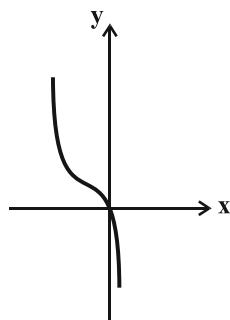
محل انجام حسابات



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

حسابان ۲: تابع + مثلثات: صفحه‌های ۱ تا ۳۴

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اختیاری است.

۵۱- نمودار تابع $x^3 = y$ را ابتدا ۱ واحد به چپ می‌بریم. سپس نسبت به محور x ها قرینه کرده و بعد در راستای عمودی منبسط می‌کنیم. در نهایت آن را ۲ واحد به بالا انتقال می‌دهیم تا به نمودار زیر برسیم. این نمودار خط $y = 4x$ را با کدام طول قطع

می‌کند؟

-۱/۵ (۱)

-۲ (۲)

-۲/۵ (۳)

-۳ (۴)

۵۲- حدود k کدام باشد تا تابع $y = 2x - k[x]$ ، اکیداً صعودی باشد؟ (نماد جزء صحیح است).

(-∞, ۰] (۲)

[۰, +∞) (۱)

[۲, +∞) (۴)

(-∞, ۲] (۳)

۵۳- تابع با ضابطه $f(x) = x^3 - 6x|x| + 12x$ در کدام فاصله نزولی است؟

(-۲, ۰) (۲)

(۰, ۲) (۱)

 \emptyset (۴) \mathbb{R} (۳)۵۴- اگر باقی مانده تقسیم چندجمله‌ای $ax^5 + bx^4 + 2x^3 + bx^2 + ax$ بر چندجمله‌ای $x+1$ برابر ۴ باشد، باقی مانده تقسیم چندجمله‌ایبر عبارت $x^2 - 2x - 4$ است؟

-۸ (۲)

-۱۶ (۱)

۱۶ (۴)

۸ (۳)

مشابه سوال‌هایی که با آیکون مشخص شده‌اند در امتحانات تشریحی وجود دارد.

محل انجام حسابات



۵۵- اگر باقی‌مانده تقسیم چندجمله‌ای (x) بر عبارت $x^3 + 3x^2 + 2x + 1$ برابر $2x^2 + 3x + 2$ باشد، باقی‌مانده تقسیم چندجمله‌ای

$$p(x-1) - p(x-2)$$

۲ (۲)

۱ (۱)

۴ (۴)

۳ (۳)

۵۶- دورهٔ تناوب تابع $f(x) = \tan 3x + \cot 3x - 1$ کدام است؟

$$\frac{2\pi}{3}$$

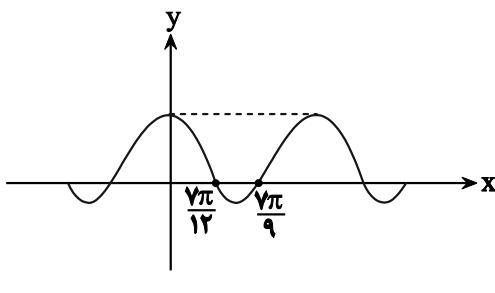
$$\frac{\pi}{3}$$

$$\frac{\pi}{2}$$

$$\frac{\pi}{6}$$

۵۷- در شکل مقابل، قسمتی از نمودار $y = a \cos bx + c$ رسم شده است. دورهٔ تناوب این تابع کدام است؟

$$\frac{7\pi}{36}$$



$$\frac{49\pi}{36}$$

$$\frac{7\pi}{18}$$

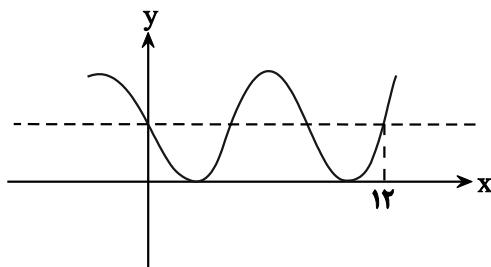
$$\frac{49\pi}{18}$$

محل انجام محاسبات



۵۸- نمودار زیر مربوط به تابع $y = a - \cos(\frac{1}{\lambda}x + b)\pi$ کدام است؟ مقدار a است.

$\sqrt{2}$ (۱)



$\frac{\sqrt{2}}{2}$ (۲)

$-\frac{\sqrt{2}}{2}$ (۳)

$-\sqrt{2}$ (۴)

۵۹- تابع $|f(x)| = |1 + \tan 2x|$ در بازه (α, β) صعودی است. بیشترین مقدار $\beta - \alpha$ کدام است؟

$\frac{\pi}{2}$ (۴)

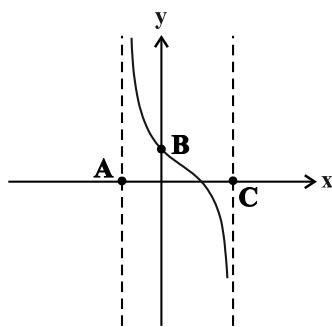
$\frac{3\pi}{4}$ (۳)

$\frac{\pi}{4}$ (۲)

$\frac{\pi}{8}$ (۱)

۶۰- شکل زیر بخشی از نمودار تابع $f(x) = \tan(-2x + \frac{\pi}{4})$ می‌باشد. در این صورت مساحت مثلث ABC کدام است؟

$\frac{\pi}{8}$ (۱)



$\frac{\pi}{4}$ (۲)

$\frac{3\pi}{4}$ (۳)

$\frac{\pi}{2}$ (۴)

محل انجام محاسبات



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

هندهسه ۳: ماتریس و کاربردها: صفحه‌های ۹ تا ۲۶

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اختیاری است.

۶۱- دو ماتریس $A = \begin{bmatrix} 1 & 3 & 2 \\ 2 & 1 & 1 \\ -3 & -1 & 0 \end{bmatrix}$ و $B = \begin{bmatrix} 2 & 1 & -1 \\ 1 & 3 & -2 \\ 0 & 2 & 4 \end{bmatrix}$ چند برابر

مجموع درایه‌های ستون دوم ماتریس BA است؟

$\frac{14}{15} (۲)$

$\frac{15}{14} (۱)$

$\frac{16}{13} (۴)$

$\frac{13}{16} (۳)$

۶۲- ماتریس $A = [a_{ij}]_{n \times n}$ به صورت $a_{ij} = 3i - 2$ تعریف شده است. اگر مجموع درایه‌های این ماتریس برابر ۲۱۰ باشد، n کدام است؟

$6 (۲)$

$5 (۱)$

$8 (۴)$

$7 (۳)$

۶۳- اگر $A = \begin{bmatrix} 1 & -1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}$ باشد، آنگاه مجموع درایه‌های ماتریس $(A^{10} - A^4)$ کدام است؟

$260 (۲)$

$-260 (۱)$

$-520 (۴)$

$520 (۳)$

۶۴- اگر $BA - I = C$ و $C = \begin{bmatrix} 1 & -1 \\ -1 & 1 \end{bmatrix}$ ، $B = \begin{bmatrix} 3 & -4 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}$ باشد، مجموع درایه‌های سطر اول ماتریس A کدام است؟

$2 (۲)$

$1 (۱)$

$\frac{2}{3} (۴)$

$\frac{3}{2} (۳)$

مشابه سوال‌هایی که با آیکون مشخص شده‌اند در امتحانات تشريحی وجود دارد.

محل انجام حسابات



۶۵- می‌دانیم دستگاه معادلات $\begin{cases} x + (1-m)y = -2 \\ (m+1)x - 3y = m \end{cases}$ کدام است؟

۱) ۴

۲) ۳

-۲) ۲

۱) صفر

۶۶- اگر $A = \begin{bmatrix} k & 1 \\ 1 & -k+2 \end{bmatrix}$ ماتریسی وارون پذیر باشد، آنگاه مجموع درایه‌های ماتریس A^{-1} کدام است؟

۱) ۲

۱) صفر

۴) بستگی به مقدار k دارد.

-۱) ۳

۶۷- اگر $A = \begin{bmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & -1 \end{bmatrix}$ باشد، آنگاه مجموع درایه‌های ماتریس $A^{1403} + A^{1402} + A^{1401} + \dots + A^{1394}$ کدام است؟

۱۰) ۴

-۱۰) ۳

۲۰) ۲

-۲۰) ۱

۶۸- اگر دستگاه معادلات خطی $\begin{cases} 2x - ay = -2a \\ -x + 3y = a \end{cases}$ جواب نداشته باشد، دستگاه چند جواب دارد؟

۴) بی‌شمار

۲) ۳

۱) ۲

۱) صفر

۶۹- اگر وارون ماتریس ضرایب دستگاه $\begin{bmatrix} 4 & 2 \\ 3 & -2 \end{bmatrix}$ باشد، نسبت $\frac{x}{y}$ به صورت کدام است؟ ($m \neq 0$)

 $\frac{4}{3}) ۴$ $\frac{3}{4}) ۳$ $\frac{2}{5}) ۲$ $\frac{5}{2}) ۱$

۷۰- اگر دترمینان ماتریس ضرایب دستگاه معادلات $\begin{cases} 2x + ay = 4 \\ 5x - by = 7 \end{cases}$ برابر ۶ باشد، مقدار y کدام است؟

-۱) ۴

۱) ۳

-۰/۵) ۲

۰/۵) ۱

محل انجام محاسبات



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

هنده ۱: چندضلعی‌ها؛ صفحه‌های ۶۵ تا ۷۳

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اختیاری است.

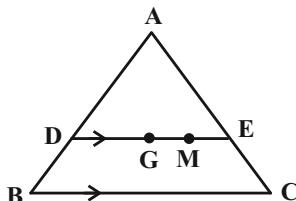
۷۱- نقطه O درون مثلث متساوی‌الاضلاع ABC قرار دارد. اگر فاصله این نقطه از اضلاع AB، AC و BC به ترتیب ۱، ۲ و $\sqrt{3}$ باشد، مساحت مثلث OBC کدام است؟

(۱) $2(1 + \sqrt{3})$

(۲) $3 + \sqrt{3}$

(۳) $3 - \sqrt{3}$

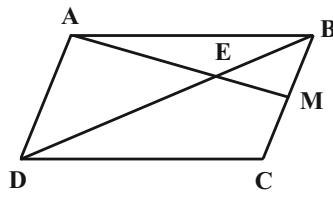
(۴) $3\sqrt{3}$

۷۲- در شکل زیر G نقطه همرسی میانه‌های مثلث متساوی‌الاضلاع ABC به طول ضلع ۳ است. از نقطه G پاره خط DE را موازی ضلع BC رسم می‌کنیم. اگر $GM = ME$ باشد، مجموع فواصل نقطه M از اضلاع AB و AC کدام است؟

(۱) ۲

(۲) $\sqrt{2}$ (۳) $\sqrt{3}$ (۴) $\frac{3}{2}$

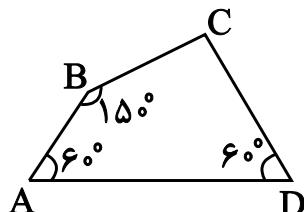
۷۳- در متوازی‌الاضلاع ABCD، نقطه M وسط ضلع BC است. نسبت مساحت مثلث BEM به مساحت چهارضلع EMCD کدام است؟

(۱) $\frac{2}{3}$ (۲) $\frac{2}{5}$ (۳) $\frac{1}{5}$ (۴) $\frac{4}{9}$

محل انجام محاسبات



۷۴- در چهارضلعی زیر، طول ضلع AD از طول ضلع BC ، ۲ واحد بیشتر است. اگر مساحت این چهارضلعی، $\frac{19\sqrt{3}}{4}$ باشد، طول ضلع BC چقدر است؟



۶ (۱)

۵ (۲)

۴ (۳)

۳ (۴)

۷۵- در مثلث متساوی الساقین ABC ، با زاویه رأس $\hat{A} = 30^\circ$ ، فاصله نقطه D واقع بر BC از دو ساق AB و AC به ترتیب ۳ و ۵ واحد است. طول ساق این مثلث کدام است؟

۱۸ (۲)

۲۰ (۱)

۱۴ (۴)

۱۶ (۳)

۷۶- در یک چندضلعی شبکه‌ای به مساحت ۱۳ واحد مربع، تعداد نقاط درونی از دو برابر تعداد نقاط مرزی یک واحد کمتر است. این چندضلعی چند نقطه مرزی دارد؟

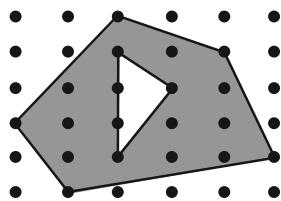
۶ (۲)

۵ (۱)

۸ (۴)

۷ (۳)

۷۷- در شکل مقابل، مساحت قسمت سایه‌زده کدام است؟



۱۴ (۱)

۱۳/۵ (۲)

۱۳ (۳)

۱۲/۵ (۴)

محل انجام محاسبات



۷۸- در مثلث متساوی الساقین ABC ، ارتفاع BH ، ساق AC را به نسبت ۳ به ۲ تقسیم می کند ($2AH = 3HC$).

از نقطه H خطی موازی با BC رسم می کنیم تا ضلع AB را در نقطه E قطع کند. مجموع فواصل نقطه دلخواه N روی

EH تا دو ساق مثلث، چه کسری از طول ساق مثلث است؟

$$\frac{3}{15} \quad (2)$$

$$\frac{3}{5} \quad (1)$$

$$\frac{12}{25} \quad (4)$$

$$\frac{12}{5} \quad (3)$$

۷۹- نقطه O درون مثلث متساوی الاضلاعی به ضلع $20\sqrt{3}$ ، به فاصله های a ، b و c از سه ضلع مثلث قرار دارد. اگر $a + b - c = 10$ باشد، کدام است؟

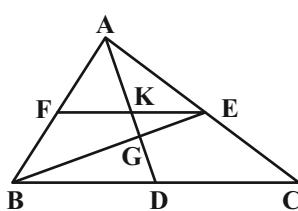
$$5\sqrt{3} \quad (2)$$

$$10\sqrt{3} \quad (1)$$

$$5 \quad (4)$$

$$10 \quad (3)$$

۸۰- در شکل زیر نقاط D ، E و F وسطهای اضلاع مثلث ABC هستند. اگر $KG = 3$ باشد، طول AD کدام است؟



$$9 \quad (1)$$

$$12 \quad (2)$$

$$15 \quad (3)$$

$$18 \quad (4)$$

محل انجام محاسبات



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

ریاضیات گیسته: آشنایی با نظریه اعداد: صفحه های ۱ تا ۲۵

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اختیاری است.

-۸۱- در اثبات درستی رابطه $\frac{a^r}{b} + \frac{b^r}{a} \geq a + b$ به کمک اثبات بازگشتی به کدام رابطه بدیهی می‌رسیم؟ (a و b دو عدد حقیقی مثبت هستند).

$$(a^r - b^r)^2 \geq 0 \quad (۱) \quad a^r + b^r \geq 0 \quad (۲) \quad (a - b)^r \geq 0 \quad (۳) \quad (a + b)^r \geq 0 \quad (۴)$$

-۸۲- اگر a, b, c و d اعداد صحیحی باشند به طوری که $ad = bc$, در این صورت کدام یک از گزاره‌های زیر همواره درست است؟

$$bc^r | ad \quad (۱) \quad a | bc^r \quad (۲) \quad b = d, a = c \quad (۳) \quad c^r | ad \quad (۴)$$

-۸۳- چند عدد طبیعی مانند n در مجموعه اعداد طبیعی کوچکتر از ۳۰ یافت می‌شود به طوری که به ازای آن عددی مضرب ۷ شود؟

$$\frac{n^3(n+1)^3}{\lambda} \quad (۱) \quad ۹ \quad (۲) \quad ۸ \quad (۳) \quad ۷ \quad (۴) \quad ۶ \quad (۵)$$

-۸۴- اگر $3|a+2b$ و $3|a^2+kab-2b^2$, آنگاه k کدام عدد می‌تواند باشد؟

$$4 \quad (۱) \quad 2 \quad (۲) \quad -11 \quad (۳) \quad -13 \quad (۴)$$

-۸۵- کدام یک از گزاره‌های زیر با استفاده از مثال نقض رد می‌شود؟

(۱) باقی‌مانده تقسیم مربع هر عدد فرد بر ۸، برابر یک است.

(۲) اگر a حاصل ضرب دو عدد طبیعی متولی باشد، $4a+1$ مربع کامل است.

(۳) هر عدد اول فرد به یکی از دو فرم $1-2^n$ یا $1+2^n$ نوشته می‌شود. ($n \in \mathbb{N}$)

(۴) مربع و مکعب هر عدد فرد، عددی فرد است.

-۸۶- اگر $3 \equiv 2x+3y \pmod{4}$ و $5x+6y \equiv 2 \pmod{4}$, آنگاه x به کدام صورت است؟

$$7k+2 \quad (۱) \quad 7k+1 \quad (۲) \quad 7k+3 \quad (۳) \quad 7k+5 \quad (۴)$$

-۸۷- اگر a عددی صحیح، $d = 4a+4, 2a-5$ و $d \neq 1$ باشد، رقم یکان 13^d کدام است؟

$$9 \quad (۱) \quad 7 \quad (۲) \quad 3 \quad (۳) \quad 1 \quad (۴)$$

-۸۸- اگر ۱۵ خرداد در یک سال، روز دوشنبه باشد، آنگاه ۱۳ آبان در آن سال، چه روزی از هفته است؟

$$4 \quad (۱) \quad 3 \quad (۲) \quad 2 \quad (۳) \quad 1 \quad (۴)$$

-۸۹- اگر دو عدد $2a+9$ و $7a-4$ در یک دسته هم‌نهشتی به پیمانه ۱۱ قرار داشته باشند، آنگاه به ازای کدام مقدار b، عدد

$$3a+b^3+a^2+3a+b \quad (۱) \quad 11 \quad (۲) \quad 7 \quad (۳) \quad 2 \quad (۴)$$

$$4 \quad (۱) \quad 3 \quad (۲) \quad 2 \quad (۳) \quad 1 \quad (۴)$$

-۹۰- معادله $x \equiv 3^{12} \pmod{1403!}$ چند جواب در مجموعه اعداد طبیعی دو رقمی دارد؟

$$25 \quad (۱) \quad 22 \quad (۲) \quad 24 \quad (۳) \quad 23 \quad (۴)$$

مشابه سوالهایی که با آیکون مشخص شده‌اند در امتحانات تشریحی وجود دارد.

محل انجام محاسبات



وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

ریاضیات گسسته: آشنا

۹۱- کدام عدد حکمیت «هر عدد طبیعی را می‌توان به صورت مجموع حداقل دو عدد طبیعی متوالی نوشت» را نقض می‌کند؟

۶۴ (۴)

۵۶ (۳)

۴۶ (۲)

۴۰ (۱)

۹۲- در اثبات نامساوی $(a^2 + b^2)(c^2 + d^2) \geq (ac + bd)^2$ به روش اثبات بازگشتی، به کدام رابطه بدینه می‌رسیم؟

$$(ad - bc)^2 \geq 0 \quad (۲)$$

$$(ad + bc)^2 \geq 0 \quad (۱)$$

$$(ab - cd)^2 \geq 0 \quad (۴)$$

$$(ab + cd)^2 \geq 0 \quad (۳)$$

۹۳- چند نقطه با مختصات طبیعی روی منحنی $y = 2x + 5$ یافت می‌شود؟

۴ (۴)

۲ (۳)

۱ (۲)

۰ (۱) صفر

۹۴- در مجموعه اعداد طبیعی اگر $d = d^2 - 2n + 6, 3n + 5$ و $1 \neq d$ باشد، عدد d کدام است؟

۵۳ (۴)

۴۷ (۳)

۴۳ (۲)

۴۱ (۱)

۹۵- در تقسیم عدد صحیح a بر عدد طبیعی b ، خارج قسمت و باقیمانده مساوی q اند. اگر 3 واحد از مقسوم‌علیه کم شود، 5 واحد به خارج قسمت اضافه شده و باقیمانده صفر می‌شود. مقادیر q کدام‌اند؟

۸ و ۱۰ (۴)

۵ و ۱۰ (۳)

۴ و ۹ (۲)

۵ و ۸ (۱)

۹۶- مجموع باقیمانده و خارج قسمت تقسیم عدد طبیعی a بر 13 ، برابر 17 است. احتمال این که باقیمانده تقسیم $a - 8$ بر 13 برابر 21 باشد، کدام است؟

۳ (۴)

۴ (۳)

۵ (۲)

۶ (۱)

۹۷- اگر m بزرگترین عدد طبیعی باشد که $36! \equiv m^{123} \pmod{10-m}$ ، آنگاه باقیمانده تقسیم m^{123} بر 15 کدام است؟

۶ (۴)

۴ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

۹۸- باقیمانده تقسیم عدد طبیعی A بر 23 برابر 5 و باقیمانده تقسیم $2A$ بر 17 برابر 9 می‌باشد. باقیمانده تقسیم بزرگ‌ترین عدد سه رقمی A بر 12 کدام است؟

۷ (۴)

۶ (۳)

۲ (۲)

۰ (۱) صفر

۹۹- هرگاه سال نو با روز چهارشنبه آغاز شود، در این سال 15 آبان چه روزی است؟

۴ پنجشنبه

۳ چهارشنبه

۲ سهشنبه

۱ دوشنبه

۱۰۰- پنج برابر عدد دو رقمی \overline{aa} را در سمت چپ \overline{aa} قرار داده و آن را m می‌نامیم. m همنهشت کدام عدد زیر، به پیمانه 1837 است؟

۳ (۴)

۲ (۳)

۱ (۲)

۰ (۱) صفر

محل انجام محاسبات



آزمون قابستان «۱۶ شهریور ۱۴۰۳»

دفترچه دوم اختصاصی دوازدهم ریاضی

(فیزیک و شیمی)

مدت زمان کل پاسخ‌گویی سوالات: ۷۵ دقیقه

تعداد کل سوالات: ۶۰ سوال

(۳۰ سوال اجباری + ۳۰ سوال اختیاری)

نام درس	تعداد سوال	شماره سوال	زمان پاسخگویی
فیزیک ۲	۱۰	۱۰۱-۱۱۰	۱۵'
فیزیک ۱	۱۰	۱۱۱-۱۲۰	۱۵'
فیزیک ۳	۱۰	۱۲۱-۱۳۰	۱۵'
شیمی ۲	۱۰	۱۳۱-۱۴۰	۱۰'
شیمی ۱	۱۰	۱۴۱-۱۵۰	۱۰'
شیمی ۳	۱۰	۱۵۱-۱۶۰	۱۰'
جمع کل	۶۰	۱۰۱-۱۶۰	۷۵'

پذیده‌آورندگان

نام طراحان	نام درس	تفصیل
شهرام احمدی‌دارانی- خسرو ارغوانی‌فرد- عباس اصغری- محمد اکبری- امیرعلی بیات- احسان ایرانی- رامین آرامش‌اصل زهره آقامحمدی- امیرحسین برادران- امیر پوریوسف- میثم دشتیان- محمدعلی راست‌پیمان- رامین شادلوی- مصطفی کیانی- علیرضا گونه حسین مخدومی- محمود منصوری- عباس موتاب- مهدی میراب‌زاده- حسین ناصحی- مصطفی واثقی	فیزیک	
عین‌الله ابوالفتحی- آرمان اکبری- امیرعلی بیات- مسعود جعفری- امیر‌حاتیان- میرحسن حسینی- ارزنگ خانلری- عبدالرضا دادخواه سینا رحمانی‌تبار- حسن رحمتی کوکنده- حامد رمضانیان- امیرمحمد سعیدی- جهان شاهی‌پیگانی- سهراب صادقی‌زاده- مسعود طبرسا امیرحسین طبی- حسن عیسی‌زاده- محمد فائزیا- بهنام قاراجایی- امیرحسین معروفی- فرزاد نجفی- کرمی- حمیدرضا تقی‌لو- امین نوروزی اکبر هنرمند- محمدمرضا یوسفی	شیمی	و تفصیل

گزینشگران و ویراستاران

نام درس	فیزیک	شیمی
گزینشگر	حسام نادری	ماهان زواری
گروه ویراستاری	حسین بصیر بهنام شاهنی	محمدحسن محمدزاده‌مقدم احسان پنجه‌شاهی امیررضا حکمت‌نیا امیرحسین کمره‌ای سروش مقدم
گروه ویراستاری رتبه برتر	سینا صالحی	آرمان قواتی
مسئول درس	حسام نادری	امیرعلی بیات
مسئتدسازی	علیرضا همایون‌خواه	امیرحسین توحیدی
ویراستاران (مسئتدسازی)	علی سلطانی- ملینا ملاتی محمد زنگنه	محسن دستجردی- حسین شاهسواری امیرحسین کلانتری

گروه فنی و توابع

مهدیه گروه	مهرداد ملوندی
مسئول دفترچه	نرگس غنی‌زاده
گروه مستندسازی	مدیر گروه: محبی اصغری
حروفنگار	مسئول دفترچه: الهه شهبازی
نواظر چاپ	فرزانه فتح‌الهزاده

گروه آزمون

بنیاد علمی آموزشی قلمچی «وقف عالم»

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ - تلفن: ۰۶۴۶۳-۰۶۱

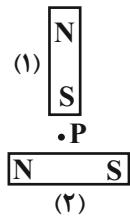


وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

فیزیک ۲: مغناطیس؛ صفحه‌های ۸۳ تا ۱۰۸

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اجباری است.

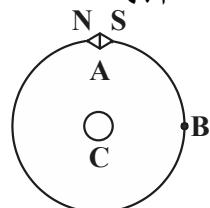
۱۰۱- در شکل مقابل میدان مغناطیسی برایند در نقطه P تقریباً به کدام سو است؟



- (۱) ↙
 (۲) ↘
 (۳) ↗
 (۴) ↖

۱۰۲- مطابق شکل زیر، اگر یک عقره مغناطیسی را مماس بر خط میدان مغناطیسی یک سیم حامل جریان از نقطه A به نقطه B در

مسیر ساعتگرد منتقل کنیم، عقره مغناطیسی چند درجه می‌چرخد و جریان الکتریکی در سیم C در کدام جهت است؟



- (۱) ۱۸۰، برون سو
 (۲) ۹۰، برون سو
 (۳) ۱۸۰، درون سو
 (۴) ۹۰، درون سو

۱۰۳- سیم راستی به طول ۱۲۰ cm که حامل شدت جریان ۵A می‌باشد، عمود بر میدان مغناطیسی یکنواختی به بزرگی G ۱۰۰

دارد. اگر جهت میدان مغناطیسی رو به شمال و جهت جریان گذرنده از سیم رو به شرق باشد، نیروی وارد بر سیم از طرف

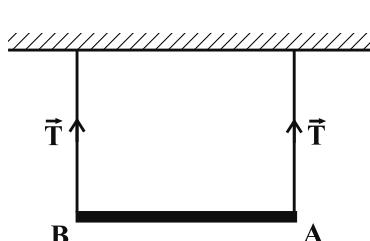
میدان مغناطیسی چند نیوتون و در چه جهتی است؟

- (۱) ۶/۰، بالا
 (۲) ۰/۰۶، پایین
 (۳) ۰/۰۶، پایین
 (۴) ۰/۰۶، بالا

۱۰۴- مطابق شکل زیر، میله‌ای به جرم ۵۰g توسط دو نخ به سقف آویزان شده است و جریانی به بزرگی ۴A از A به طرف B در آن

برقرار است. در صورتی که بزرگی نیروی کششی هریک از نخها ۱۵N باشد، بزرگی میدان مغناطیسی که بر صفحه عمود است،

چند تسلی است و جهت آن کدام است؟ (میله در حالت تعادل است و جرم هر متر از میله ۱۰ گرم است و $g = \frac{N}{kg}$)

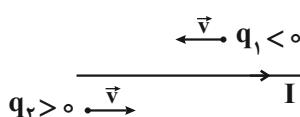


- (۱) ۱/۰، درون سو
 (۲) ۰/۱، برون سو
 (۳) ۰/۰۱، درون سو
 (۴) ۰/۰۱، برون سو

محل انجام محاسبات



۱۰۵- مطابق شکل زیر، دو ذره با بارهای الکتریکی q_1 و q_2 را با تندی یکسان ۷ به موازات سیم حامل جریان I در جهت‌های نشان داده شده پرتاب می‌کنیم. در این حالت میدان مغناطیسی ناشی از سیم حامل جریان،



(۱) بار q_1 را جذب و بار q_2 را دفع می‌کند.

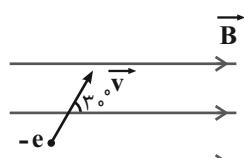
(۲) بار q_1 را دفع و بار q_2 را جذب می‌کند.

(۳) هر دو بار الکتریکی q_1 و q_2 را جذب می‌کند.

(۴) هر دو بار الکتریکی q_1 و q_2 را دفع می‌کند.

۱۰۶- مطابق شکل زیر، الکترونی با تندی $\frac{m}{s} 2 \times 10^5$ در جهت نشان داده شده وارد فضایی که شامل میدان مغناطیسی یکنواختی به بزرگی G و میدان الکتریکی است، می‌شود و بدون انحراف به حرکت خود ادامه می‌دهد. اندازه میدان الکتریکی یکنواخت چند نیوتون بر

کولن و جهت آن به کدام سمت است؟ $\frac{1}{2} = \sin 30^\circ$ و از نیروی وزن الکترون صرف نظر شود.



(۱) ۸۰۰، درون سو

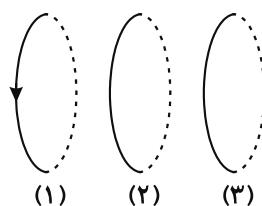
(۲) ۸۰۰، برون سو

(۳) ۴۰۰، درون سو

(۴) ۴۰۰، برون سو

۱۰۷- از سه حلقه (۱)، (۲) و (۳) مطابق شکل زیر، جریان‌های I_1 ، I_2 و I_3 عبور می‌کند. اگر دو حلقه (۱) و (۲) یکدیگر را جذب و دو حلقه (۲) و (۳) یکدیگر را دفع نمایند، به ترتیب از راست به چپ، جهت جریان I_2 ... جهت جریان I_1 و جهت جریان I_3 ... جهت

جریان I_1 است.



(۱) مخالف - موافق

(۲) موافق - مخالف

(۳) موافق - موافق

(۴) مخالف - مخالف

محل انجام محاسبات



۱۰۸- پیچه مسطحی به شعاع مقطع ۵cm، حامل شدت جریان الکتریکی ۱A می‌باشد. اگر اندازه میدان مغناطیسی در مرکز پیچه $4G$

باشد، طول سیمی که پیچه از آن ساخته شده است، چند متر است؟ $(\mu_0 = 4\pi \times 10^{-7} \frac{\text{T.m}}{\text{A}})$

۱) ۱۰۰۰ (۲)

۳) ۱۰۰ (۴)

۱)

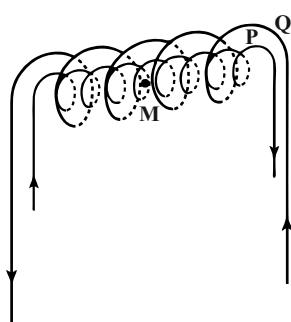
۴) ۱۰ (۵)

۱۰۹- در شکل زیر، دو سیم‌لوله آرمانی P و Q هم‌محور و دارای طول یکسان 50 سانتی‌متر می‌باشند. اگر تعداد دور سیم‌لوله P، برابر با

۱۰۰ دور، تعداد دور سیم‌لوله Q، برابر با 150 دور و جریان عبوری از آن در جهت نشان داده شده، 4 آمپر باشد، جریان عبوری از

سیم‌لوله P در جهت نشان داده شده چند آمپر باشد تا بزرگی میدان مغناطیسی خالص حاصل از دو سیم‌لوله در نقطه M (روی

محور مشترک سیم‌لوله‌ها) برابر با $2/4$ گاووس شود؟ $(\mu_0 = 12 \times 10^{-7} \frac{\text{T.m}}{\text{A}})$



۱) ۴ یا ۶

۲) ۴ یا ۷

۳) ۵ یا ۶

۴) ۵ یا ۷

۱۱۰- کدام یک از گزینه‌های زیر در مورد خاصیت مغناطیسی مواد صحیح است؟

۱) در آلیاژهای آهن، حجم حوزه‌های مغناطیسی در حضور میدان مغناطیسی خارجی به آسانی تغییر می‌کند.

۲) در عنصر نیکل حوزه مغناطیسی وجود ندارد.

۳) اتم‌های نقره به طور ذاتی قادر خاصیت مغناطیسی هستند.

۴) آلمینیوم و سدیم از جمله مواد دیامغناطیسی هستند.

محل انجام محاسبات



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

فیزیک ۱: دما و گرما: صفحه های ۸۳ تا ۱۲۶

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اجباری است.

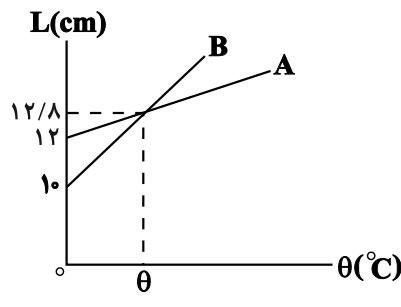
۱۱۱- کدام یک از موارد زیر جزو مزیت‌های دماسنج معیار نسبت به دماسنج ترموموکوپل محسوب می‌شود؟

- (۱) دقت بهتر اندازه‌گیری دما
 (۲) گستره بالاتر دماسنجی
 (۳) سرعت بالاتر اندازه‌گیری دما
 (۴) ارزان‌تر بودن

۱۱۲- اگر دمای جسمی بر حسب درجه فارنهایت ۹ درصد کاهش یابد، دمای آن به اندازه ۷ کلوین تغییر می‌کند. دمای جسم در ابتدا چند درجه سلسیوس بوده است؟

- (۱) ۱۲/۶
 (۲) ۱۵۰
 (۳) ۱۴۰
 (۴) ۶۰

۱۱۳- نمودار تغییرات طول دو میله A و B بر حسب دما به صورت زیر است. ضریب انبساط طولی میله A چند برابر ضریب انبساط طولی میله B است؟



- (۱) $\frac{5}{21}$
 (۲) $\frac{5}{12}$
 (۳) $\frac{21}{5}$
 (۴) $\frac{12}{5}$

۱۱۴- یک دماسنج که مایع درون آن جیوه است، دمای آب صفر درجه سلسیوس و بخار آب صد درجه سلسیوس را به ترتیب با اعداد ۴۰ و ۱۱۰ نشان می‌دهد. اگر مطابق درجه‌بندی این دماسنج دمای میله نازکی را ۶۰ درجه افزایش دهیم، طول آن $3/10$ درصد افزایش نشان می‌یابد. ضریب انبساط سطحی این میله بر حسب $\frac{1}{^{\circ}\text{F}}$ کدام است؟

- (۱) $\frac{5}{12} \times 10^{-4}$
 (۲) $5/4 \times 10^{-4}$
 (۳) $2/7 \times 10^{-4}$
 (۴) $\frac{5}{6} \times 10^{-4}$

۱۱۵- اگر دمای دو کره هم‌جنس توپر A و توخالی B را به یک اندازه افزایش دهیم، شعاع آن‌ها به یک اندازه افزایش می‌یابد. حال اگر به این دو کره به یک اندازه گرما دهیم، تغییر دمای کره A $\frac{7}{8}$ برابر تغییر دمای کره B می‌شود. اگر شعاع کره A برابر با ۱۲ cm باشد، حجم حفره درون کره B چند سانتی‌متر مکعب است؟ ($\pi = 3$)

- (۱) ۱۷۲۸
 (۲) ۸۶۴
 (۳) ۴۳۲
 (۴) ۲۵۹۲

محل انجام محاسبات



۱۱۶- توان ورودی یک گرمکن الکتریکی 2kW است. اگر بازده این گرمکن برابر با 60% درصد باشد، در مدت زمان ۷ ساعت، چند کیلوگرم بخ صفر درجه سلسیوس را به آب با دمای 40°C تبدیل می‌کند؟ (c = $4200 \frac{\text{kJ}}{\text{kg} \cdot \text{C}}$)

۳ (۲)

۶ (۱)

۶۰ (۴)

۳۰ (۳)

۱۱۷- گرمایی که صرف تبدیل ۴ کیلوگرم بخ 100°C به 20°C می‌شود، دمای چند کیلوگرم آب 20°C را می‌تواند به

$$(L_V = 2268 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}} \text{ و } L_F = 336 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}} \text{، } c_{\text{ب}} = 2/1 \frac{\text{kJ}}{\text{kg} \cdot \text{C}} \text{، } c_{\text{آ}} = 4/2 \frac{\text{kJ}}{\text{kg} \cdot \text{C}})$$

۱۴۲ (۲)

۵۲ (۱)

۱۹۰ (۴)

۱۰۴ (۳)

۱۱۸- درون گرماسنجی با ظرفیت گرمایی $\frac{J}{C} = 1500 \text{ kg}/\text{°C}$ آب با دمای 10°C وجود دارد. یک قطعه مس به جرم 6kg دمای 120°C را وارد گرماسنج می‌کنیم. اگر در این حالت دمای تعادل مجموعه 20°C شود، گرمای ویژه مس چند $\frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot \text{C}}$

$$\text{است؟ (c = } 4200 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot \text{C}} \text{)}$$

۴۰۰ (۲)

۳۶۰ (۱)

۳۷۵ (۴)

۴۵۰ (۳)

۱۱۹- کدام یک از عبارت‌های زیر نادرست است؟

(۱) در هر فرایند انتقال گرما، فقط یکی از روش‌های انتقال گرما (رسانش، همرفت و تابش گرمایی) دخالت دارند.

(۲) در رساناهای فلزی، سهم الکترون‌های آزاد در رسانش گرما بیشتر از اتم‌هاست.

(۳) انتقال گرما در مایعات و گازها بر اثر کاهش چگالی شاره با افزایش دما صورت می‌گیرد.

(۴) تابش گرمایی سطوح تیره، ناصاف و مات بیشتر است.

۱۲۰- داخل محفظه‌ای به حجم ثابت $8 \text{ لیتر} / 5 \text{ مول}$ گاز آرمانی با دمای اولیه 37°C قرار دارد. اگر دمای گاز را به 187°C برسانیم،

$$(\text{atm} = 10^4 \text{ Pa} \text{ و } R = 8 \frac{\text{J}}{\text{mol} \cdot \text{K}})$$

۰/۷۵ (۲)

۷/۵ (۱)

۴/۲۳ (۴)

۴۲/۳ (۳)

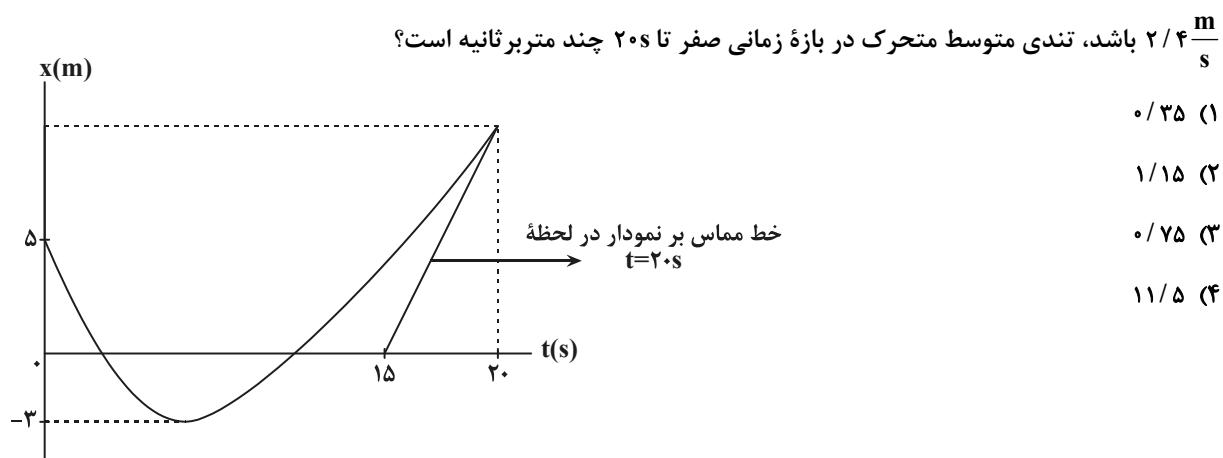
محل انجام محاسبات



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

فیزیک ۳: حرکت بر خط راست + دینامیک و حرکت دایره‌ای: صفحه‌های ۱ تا ۲۵

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اختیاری است.

۱۲۱- نمودار مکان- زمان متوجه کی که روی محور x حرکت می‌کند، مطابق شکل زیر است. اگر تندي متوجه در لحظه $t = 20\text{s}$ برابر با۱۲۲- دو متوجه A و B روی محور x و هم‌زمان با هم، با سرعت‌های ثابت در حال حرکت هستند. متوجه A در ثانیه دوم حرکت از محل $x_1 = -20\text{m}$ تا مبدأ جابه‌جا می‌شود و متوجه B در ۴ ثانیه دوم حرکت از نقطه $x'_1 = 60\text{m}$ به مکان $x'_2 = 20\text{m}$ می‌رود.

این دو متوجه در چه لحظه‌ای بر حسب ثانیه در یک مکان قرار دارند؟

$$\frac{14}{3} \quad ۳ \quad ۶ \quad ۱$$

۱۲۳- متوجهی با شتاب ثابت $\frac{4}{2}\text{ m/s}^2$ در جهت محور x، از مبدأ مکان و از حال سکون شروع به حرکت می‌کند. در چه مکانی، تنديمتوجه به 16 m/s می‌رسد؟

$$x = 24\text{m} \quad ۴ \quad x = 16\text{m} \quad ۳ \quad x = 64\text{m} \quad ۲ \quad x = 32\text{m} \quad ۱$$

۱۲۴- در شرایط خلا، گلوله‌ای از ارتفاع h از سطح زمین رها می‌شود. اگر اندازه جابه‌جایی گلوله در ۲ ثانیه آخر سقوطش ۶ برابر اندازه

جابه‌جایی آن در ۲ ثانیه اول سقوطش باشد، تندي گلوله در لحظه برخورد به زمین چند متر بر ثانیه است؟ ($g = ۱۰\text{ m/s}^2$)

$$45 \quad ۶۰ \quad ۳۰\sqrt{2} \quad ۷۰$$

مشابه سوال‌هایی که با آیکون مشخص شده‌اند در امتحانات تشریحی وجود دارد.

محل انجام محاسبات



۱۲۵- در شرایط خلا و از ارتفاعی به اندازه کافی بلند، گلوله‌ای را در لحظه $t = 0$ و گلوله دیگری را از $t = 45$ متر پایین‌تر از همان ارتفاع در

$$\text{لحظه } t = 2s \text{ از حال سکون رها می‌کنیم. پس از لحظه } t = 0, \text{ چند ثانیه طول می‌کشد تا دو گلوله به هم برسند؟} \quad (g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2})$$

۲ (۴)

۱/۲۵ (۳)

۱ (۲)

۳/۲۵ (۱)

۱۲۶- کدام‌یک از عبارت‌های زیر درست است؟

(۱) برایند نیروهای کنش و واکنش (عمل و عکس‌العمل) برابر صفر است.

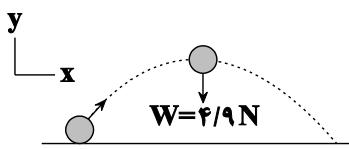
(۲) وقتی گلوله‌ای در هوا سقوط می‌کند، واکنش نیروهای وارد بر آن، به هوا و زمین وارد می‌شود.

(۳) وزن گلدنی که روی میز قرار دارد، به میز وارد می‌شود.

(۴) عکس‌العمل نیروی وزن وارد بر جسمی که با نخ از سقف آویزان است، به نخ وارد می‌شود.

۱۲۷- توبی به جرم 600 گرم مسیری مطابق شکل زیر را طی می‌کند. اگر در بالاترین نقطه مسیر، بزرگی شتاب توب $\frac{m}{s^2}$ باشد، در

این لحظه نیروی مقاومت هوا بر حسب یکای SI کدام است؟

۴ \vec{i} (۱)-۴ \vec{i} (۲) $\sqrt{2} \vec{i}$ (۳)- $\sqrt{2} \vec{i}$ (۴)

۱۲۸- جرم m تحت تأثیر نیروی \vec{F}_1 با شتاب ثابت \ddot{a} شروع به حرکت می‌کند. اگر نیروهای \vec{F}_1 و \vec{F}_2 به جسمی به جرم $2m$ وارد شوند، جسم با شتاب \ddot{a} شروع به حرکت می‌کند. کدام رابطه بین \vec{F}_1 و \vec{F}_2 برقرار است؟

$$\vec{F}_2 = 7\vec{F}_1 \quad (۴)$$

$$\vec{F}_2 = -5\vec{F}_1 \quad (۳)$$

$$\vec{F}_2 = -7\vec{F}_1 \quad (۲)$$

$$\vec{F}_2 = 5\vec{F}_1 \quad (۱)$$

۱۲۹- اگر جسم متحرکی ثابت باشد، الزاماً نیروهای وارد بر آن جسم متوازن هستند و جسم میل دارد وضعیت حرکت خود را هنگامی که نیروی خالص وارد بر آن است، حفظ کند.

(۴) تندی - صفر

(۳) تندی - ثابت

(۲) سرعت - صفر

(۱) سرعت - ثابت

۱۳۰- جسمی به جرم 2kg هم‌زمان تحت تأثیر دو نیروی ثابت و عمود برهم $F_1 = 8\text{N}$ و F_2 قرار می‌گیرد و با شتاب $\frac{m}{s^2}$ به حرکت

در می‌آید. بزرگی نیروی F_2 چند نیوتن است؟ (به جسم تنها دو نیروی F_1 و F_2 وارد می‌شود).

۱۷ (۴)

۸ (۳)

۱۵ (۲)

۲۵ (۱)



وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

شیمی ۲: در بی غذای سالم؛ صفحه های ۷۷ تا ۹۸

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اجباری است.

۱۳۱- چند مورد از عبارت‌های زیر نادرست است؟

آ) رنگ محلول برم در واکنش با گازی که به گاز عمل آورنده موز و گوجه‌فرنگی معروف است، برخلاف رنگ محلول $KMnO_4$ در واکنش با یک اسید آلی در دمای بالا، کمرنگ می‌شود.

ب) انفجار، واکنشی بسیار سریع بوده که در آن مقدار کمی از ماده منفجرشونده، حجم زیادی از مایعات داغ را تولید می‌کند.

پ) علم سینتیک شیمیابی، اطلاعاتی را در مورد عوامل مؤثر بر آهنگ واکنش‌های شیمیابی در اختیار ما می‌گذارد.

ت) آشنازین عضو خانواده کربوکسیلیک اسیدها، استیک اسید بوده که در ساختار آن یک اتم کربن وجود دارد.

۱) ۴ ۲) ۳ ۳) ۲ ۴) ۱

۱۳۲- کدام دو جمله مطرح شده در گزینه‌ها از لحاظ علمی به تأثیر عامل یکسانی بر سرعت واکنش اشاره می‌کنند؟

۱) الیاف آهن در هوا نمی‌سوزد ولی در ارلن پر از اکسیژن می‌سوزد - احتمال آتش‌سوزی در انبار گندم کمتر از انبار آرد است.

۲) الیاف آهن در هوا نمی‌سوزد ولی در ارلن پر از اکسیژن می‌سوزد - در شرایط یکسان سدیم سریعتر از منیزیم با محلول نیم‌مولار هیدروکلریک اسید واکنش می‌دهد.

۳) میوه و خشکبار دارای پوست ماندگاری بیشتری دارند - فلزات گروه اول را زیر نفت نگهداری می‌کنند.

۴) احتمال آتش‌سوزی در انبار گندم کمتر از انبار آرد است - فسفر سفید را زیر آب نگهداری می‌کنند.

۱۳۳- چند مورد از عبارت‌های زیر درست است؟

آ) رادیکال، گونه فعال و ناپایداری است که در ساختار خود الکترون جفت‌نشده دارد.

ب) سبزیجات و میوه‌ها محتوی ترکیب‌های آلی سیرنشده‌ای به نام ریزمعذی هستند.

پ) لیکوین در هندوانه و گوجه‌فرنگی وجود دارد و با کاهش مقدار رادیکال‌ها از سرعت واکنش‌های ناخواسته در بدن می‌کاهد.

ت) اگر یک تکه زغال‌سنگ را از وسط برش دهیم با افزایش حجم و سطح تماس، سرعت واکنش سوختن آن افزایش می‌یابد.

۱) چهار ۲) سه ۳) دو ۴) یک

۱۳۴- با توجه به واکنش فرضی: $2A(g) + 2B(s) \rightarrow C(g) + 4D(g)$ ، چه تعداد از مطالب زیر، نادرست است؟

• در بازه زمانی انجام واکنش نسبت تغییرات غلظت C به B، برابر $\frac{1}{2}$ است.

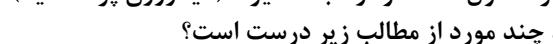
• روند تغییرات مول واکنش‌دهنده‌ها، مانند سرعت تولید فراورده‌ها و برخلاف تغییرات غلظت فراورده‌ها، نزولی است.

• در میان اجزای واکنش، سرعت مصرف ماده C از همه کمتر و شبی نمودار مول - زمان D، از همه تندر است.

• سرعت متوسط واکنش، با سرعت تولید C برابر و $\frac{1}{2}$ برابر سرعت مصرف A است.

$$\text{• رابطه } \frac{-\Delta[A]}{\Delta t} = \frac{-\Delta[D]}{\Delta t} \text{ برای این واکنش صدق می‌کند.}$$

۱) ۴ ۲) ۳ ۳) ۲ ۴) ۱

۱۳۵- در دو ظرف A و B به طور همزمان و در شرایط یکسان مقدار ۱۰۰ میلی‌لیتر محلول $2\text{M}\text{O}_2$ مولار آب اکسیژن (هیدروژن پراکسید) قرار داده شده است، اگر به ظرف A چند قطره پتاسیم ییدید اضافه شود، چند مورد از مطالب زیر درست است؟

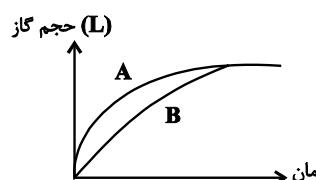
• نمودار تغییرات حجم گاز حاصل در دو ظرف به صورت رویه‌رو است:

• با گرم کردن محلول‌ها، واکنش در ظرف A با سرعت بیشتری پیش می‌رود.

• در صورت تکرار آزمایش با همان حجم محلول $1\text{M}\text{O}_2$ مولار، گرمای آزاد شده به نصف کاهش خواهد یافت.

• سرعت متوسط تولید گاز اکسیژن در ظرف A، قطعاً بیشتر از سرعت متوسط تولید H_2O در ظرف B است.

۱) ۱ ۲) ۲ ۳) ۳ ۴) ۴





۱۳۶- با انجام واکنش $MnO_2(s) + HCl(aq) \rightarrow MnCl_2(aq) + Cl_2(g) + H_2O(l)$ (معادله واکنش موازن نشده)، در مدت زمان ۱۰ دقیقه، ۲ کیلوگرم محلول 3500 ppm هیدروکلریک اسید مصرف شده است. سرعت تولید گاز کلر به تقریب چند میلی لیتر بر ثانیه است؟ (شرایط را STP در نظر بگیرید. بازده درصدی واکنش برابر ۷۵ درصد می‌باشد).

$$(H = 1, Cl = 35/5 : g \cdot mol^{-1})$$

۲ (۴)

۱/۸ (۳)

۱/۵ (۲)

۱/۳ (۱)

۱۳۷- در یک ظرف درسته، در شرایط مناسب مقداری گاز N_2O_5 وارد می‌کنیم تا واکنش (موازن نشده): $N_2O_5(g) \rightleftharpoons NO_2(g) + O_2(g)$ انجام شود. اگر سرعت واکنش پس از گذشت هر ۲۰ دقیقه، نصف شود و مقدار O_2 و N_2O_5 در مخلوط واکنش پس از گذشت یک ساعت، به ترتیب 28 و 56 گرم باشد، مقدار NO_2 تولید شده در 20 دقیقه دوم واکنش و مقدار اولیه N_2O_5 به ترتیب برحسب گرم چقدر است؟ (گزینه‌ها را از راست به چپ بخوانید). ($N = 14, O = 16 : g \cdot mol^{-1}$)

۲۷۵ - ۱۳۸ (۴)

۲۴۵ - ۱۳۸ (۳)

۲۷۵ - ۴۶ (۲)

۲۴۵ - ۴۶ (۱)

۱۳۸- واکنش تجزیه ماده A به صورت داده شده در یک ظرف ۵ لیتری در حال انجام است. اگر پس از گذشت 50 ثانیه، در مجموع $8/7$ مول ماده در ظرف وجود داشته باشد، در صورتی که سرعت متوسط مصرف A، $1/0$ مول بر ثانیه باشد، مقدار اولیه ماده $2A \rightarrow B + 2C$ چند مول است؟

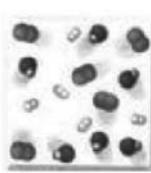
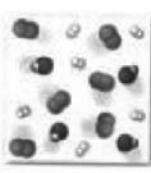
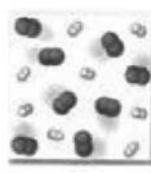
۷/۵ (۴)

۵ (۳)

۶/۲ (۲)

۲/۵ (۱)

۱۳۹- شکل زیر واکنش میان گاز هیدروژن و بخار بنفسن رنگ ید را در دمای معینی نشان می‌دهد. اگر هر ذره هم ارز با $1/5$ مول از ماده و سامانه مورد نظر ۲ لیتری باشد، سرعت واکنش در بازه زمانی 20 دقیقه دوم چند $mol \cdot L^{-1} \cdot h^{-1}$ است و این سرعت به تقریب چند برابر سرعت واکنش در کل بازه زمانی انجام واکنش است؟ (گزینه‌ها را از راست به چپ بخوانید).



۰/۶۶ - ۰/۷۵ (۱)

۰/۸۵ - ۰/۵ (۲)

۰/۸۵ - ۰/۷۵ (۳)

۰/۶۶ - ۰/۵ (۴)

۱۴۰- کدام گزینه نادرست است؟

- ۱) کاتالیزگرها بدون آنکه تأثیری بر مقدار نهایی فراوردها داشته باشند، سرعت واکنش را افزایش می‌دهند.
- ۲) میزان فعالیت رادیکال‌ها در بدن انسان، با مصرف لیکوپن کاهش می‌یابد.
- ۳) از چهره‌های پنهان ردپای غذا، می‌توان تولید گاز گلخانه‌ای به ویژه CO_2 را نام برد.
- ۴) نگهدارنده‌ها، واکنش‌هایی که منجر به فساد مواد غذایی می‌شوند را متوقف می‌کنند.



وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

شیمی ۱: ردپای گازها در زندگی + آب، آهنگ زندگی (نا سر غلظت مولی): صفحه های ۷۰ تا ۹۸

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اختیاری است.

۱۴۱- کدام گزینه نادرست است؟

۱) غلظت کاتیون K^+ در آب دریا بیشتر از غلظت کاتیون Ca^{2+} است.

۲) ۵۰ درصد جمعیت جهان از کم‌آبی رنج می‌برند و تا سال ۲۰۲۵، ۶۶ درصد مردم جهان با کمبود آب روبرو خواهند شد.

۳) از بین منابع غیراقیانوسی، بیشترین مقدار آب در کوههای بیخ وجود دارد.

۴) دریاها مخلوطی همگن از انواع یون‌ها و مولکول‌ها در آب هستند.

۱۴۲- نسبت شمار کاتیون به آنیون در باریم فسفات با نسبت شمار آنیون به کاتیون در چند مورد از ترکیبات زیر یکسان است؟

(آ) آهن (III) سولفات ب) اسکاندیم نیترات

ت) اسکاندیم کربنات پ) کلسیم فسفات

ج) مس (II) فسفات ث) آلومنیم کربنات

۲ (۴) ۴ (۳) ۳ (۲) ۵ (۱)

۱۴۳- چه تعداد از مطالب زیر درست‌اند؟

الف) حجم گازها با افزایش تعداد مول آن‌ها افزایش می‌یابد.

ب) برای یافتن رابطه بین حجم و مقدار یک نمونه گاز، باید دما و فشار را ثابت در نظر گرفت.

پ) اگر در شرایط یکسان حجم گاز A سه برابر حجم گاز B باشد، تعداد مول‌های گاز A نیز سه برابر گاز B است.

ت) چگالی گازها با دمای گاز، رابطه مستقیم دارد.

۴ (۴) ۳ (۳) ۲ (۲) ۱ (۱)

۱۴۴- ۴ میلی لیتر محلول ۲۵ درصد جرمی سدیم هیدروکسید با چگالی $1/2 \text{ g.mL}^{-1}$ را با مقدار کافی آب مخلوط می‌کنیم تا جرم

محلول به ۹۲۰ گرم برسد. غلظت یون سدیم در محلول نهایی برحسب ppm کدام است؟

 $(\text{Na} = 23, \text{O} = 16, \text{H} = 1 : \text{g.mol}^{-1})$

۷۵۰ (۴) ۶۰۰ (۳) ۹۰۰ (۲) ۵۰۰ (۱)

۱۴۵- فردی به طور میانگین ۱۷ بار در دقیقه نفس می‌کشد و هر بار $5/0$ لیتر هوا به ریه‌هایش وارد می‌شود. اگر هر بار ۵٪ از اکسیژن

داخل ریه جذب شود، این فرد در هر شب‌نیمه روز به تقریب چند مول گاز اکسیژن در طول روز جذب می‌کند؟ (شرایط را STP

فرض کنید). (۲۰٪ هوا را اکسیژن تشکیل داده)

۲۲ (۴) ۲/۲۵ (۳) ۱۱ (۲) ۵/۵ (۱)

محل انجام محاسبات



۱۴۶- چند مورد از موارد زیر نادرست است؟ ($H = 1, C = 12, O = 16: g \cdot mol^{-1}$)

آ) با افزودن شناساگرها مناسب به یک نمونه آب دریا و با فرض برابر بودن سرعت رسوب کردن یون‌ها با عامل رسوب دهنده، برای رسوب دادن

Ca^{2+} و Mg^{2+} غلظت Ca^{2+} در نمونه، زوایر به صفر می‌رسد.

ب) درصد جرمی آب در محلولی که از اضافه کردن ۱ مول آب ایجاد می‌شود، به تقریب برابر ۷۲٪ است.

پ) برای تهیه فلز منیزیم از آب دریا، کلرید این فلز را با فرایند تبلور به دست آورده و سپس با استفاده از جریان برق، آن را جدا می‌کنند.

ت) سنگ‌کره از مواد جامد مانند ماسه و نمک‌ها تشکیل شده و تعامل آن با آب کره به علت ماهیت آن، صرفاً فیزیکی است.

۱ (۴)

۲ (۳)

۳ (۲)

۴ (۱)

۱۴۷- به ۴۵ گرم محلول ۲۰ درصد جرمی $MgCl_2$ ، به اندازه $\frac{1}{9}$ گرم حل‌شونده، نمک منیزیم کلرید اضافه می‌کنیم. اگر همزمان با حرارت دادن این محلول، ۱۰ درصد از جرم اولیه حلال کاسته شود، درصد جرمی $MgCl_2$ در محلول جدید به تقریب کدام است؟

۲۵ (۴)

۲۳/۶ (۳)

۲۰ (۲)

۱۷/۵ (۱)

۱۴۸- کدام یک از عبارت‌های زیر درست می‌باشد؟

آ) از انحلال هر مول آمونیوم کربنات در آب همانند لیتیم سولفات، ۳ مول یون آزاد می‌شود.

ب) در محلول‌های آبی، حالت فیزیکی (رنگ و غلظت) در سرتاسر آب یکسان و یکنواخت است.

پ) در محلول اتیلن‌گلیکول ($C_2H_6(OH)_2$) در آب همانند محلول گلاب دو آتشه، غلظت یون‌های جدا شده زیاد است.

ت) خواص محلول، به مقدار ماده حل‌شونده و نیز به مقدار حلال بستگی دارد.

۴ (۴)

۳ (۲)

۲ (۱)

آ، ت

۱۴۹- چه تعداد از عبارات زیر، جای خالی را به درستی پر می‌کنند؟

«..... مولکول اوزون در مقایسه با مولکول اکسیژن بیشتر است.»

- پایداری

- شمار الکترون‌های ناپیوندی

- شمار الکترون‌های پیوندی

- واکنش‌پذیری

- نقطه جوش

۵ (۴)

۴ (۳)

۳ (۲)

۲ (۱)

۱۵۰- چنانچه مجموع جرم اتم‌های H در ۲۰۰ گرم محلول نفتالن ($C_{10}H_8$) در حلال تولوئن (C_7H_8) برابر ۱۴/۷۵ گرم باشد،

درصد جرمی نفتالن در این محلول چقدر است؟ ($C = 12, H = 1: g \cdot mol^{-1}$)

۲۳ (۴)

۵۴ (۳)

۴۶ (۲)

۲۷ (۱)

محل انجام محاسبات



وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

شیمی ۳: مولکول‌ها در خدمت تندرستی + قارچچه صابون تا انتهای pH: صفحه‌های ۱ تا ۲۸

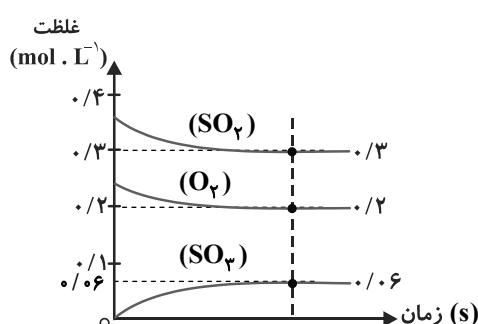
پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانش‌آموزان اختیاری است.

۱۵۱- کدام‌یک از عبارت‌های زیر درست است؟

۱) کربوکسیلیک اسیدها از جمله اسیدهای ضعیفی هستند که تنها H متصل به گروه آلکیل آن‌ها می‌تواند به صورت یون هیدرونیوم وارد محلول شود.

۲) سامانه‌های تعادلی جزو سامانه‌های برگشت‌پذیر محسوب می‌شوند که غلظت واکنش‌دهنده‌ها و فراورده‌ها در لحظه تعادل با هم برابر است.

۳) واژه یونش مختص ترکیب‌های مولکولی می‌باشد و برای ترکیب‌های یونی کاربرد ندارد.

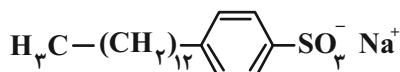
۴) هرچه غلظت H^+ هر محلولی بیشتر باشد قدرت اسیدی آن محلول نیز بیشتر است.۱۵۲- با توجه به شکل زیر و داده‌های آن، می‌توان دریافت که این نمودارها به واکنش تعادلی گازی مربوط است و مقدار ثابت تعادل برابر با است. (K = $\frac{[SO_2]^2}{[SO_2][O_2]} \cdot 10^{-5}$)

$$0/2, 2SO_2 + O_2 \rightleftharpoons 2SO_3 \quad (1)$$

$$0/2, 2SO_3 \rightleftharpoons 2SO_2 + O_2 \quad (2)$$

$$5, 2SO_2 \rightleftharpoons 2SO_2 + O_2 \quad (3)$$

$$5, 2SO_2 + O_2 \rightleftharpoons 2SO_3 \quad (4)$$



۱۵۳- در مورد ساختار مقابل همه موارد زیر درست هستند، به جز:

۱) این ماده در صنعت با واکنش‌های پیچیده‌ای از مواد پتروشیمیایی تولید می‌شود.

۲) جرم مولی آن از جرم مولی یک پاک‌کننده صابونی جامد با زنجیر هیدروکربنی ۱۷ کربنی و سیرشده، بیشتر است.

۳) نیروی بین‌مولکولی غالب در آن با نیروی بین‌مولکولی غالب در اتیلن گلیکول، یکسان است.

۴) با اضافه کردن آن به مخلوط آب و روغن، مخلوطی حاصل می‌شود که پایدار و ناهمگن است.

۱۵۴- کدام‌یک از موارد زیر درست است؟

آ) همه اسیدهای تکپروتون دار، در ساختار مولکول‌های سازنده خود، فقط یک اتم هیدروژن دارند.

ب) اگر شمار مولکول‌های اسید یوننده شده را بر شمار مولکول‌های اسید یوننده نشده تقسیم کنیم درجه یونش آن اسید به دست می‌آید.

پ) ثابت یونش با غلظت اسید رابطه عکس دارد و با افزایش غلظت اسید ثابت یونش کاهش می‌یابد.

ت) چنانچه HF گازی در آب حل شود مقدار زیادی HF به صورت مولکولی در آب خواهیم داشت.

(۴) ب و ت

(۳) ت

(۲) ب، پ

(۱) آ، ب، ت

مشابه سوال‌هایی که با آیکون مشخص شده‌اند در امتحانات تشریحی وجود دارد.

محل انجام محاسبات



۱۵۵- چند ویزگی زیر در یک لیتر محلول هیدروبرمیک اسید با $pH = ۴$ و یک لیتر محلول هیدروفلوریک اسید با $pH = ۴$, برابر است؟

(الف) شمار آنیون‌ها

(ب) خاصیت اسیدی

(پ) حجم گاز هیدروژن تولید شده در واکنش با مقدار یکسان از فلز منیزیم

(ت) سرعت واکنش با فلز منیزیم در نخستین لحظه انجام واکنش

(ث) غلظت یون هیدروکسید

۱) (۴) ۲) (۳) ۳) (۲) ۴) (۱)

۱۵۶- اگر در محلول $۰/۰\text{M}$ مولار اسید ضعیف HA به ازای حل شدن ۲۰۰ مولکول در آب، ۱۷۵ مولکول یونیده نشده در ظرف باقی بماند، pH محلول حاصل کدام است؟ ($\log ۵ \approx ۰/۷$)

۱) (۱) ۲) (۲) ۳) (۷/۲) ۴) (۲/۳)

۱۵۷- دربارهٔ دو محلول نیترواسید و نیتریک اسید در شرایط یکسان دما و غلظت، کدام گزینه درست است؟

(۱) خصلت اسیدی محلول نیترواسید بیشتر است، زیرا قدرت اسیدی بیشتری دارد.

(۲) pH دو محلول یکسان است؛ زیرا غلظت برابر دارند.

(۳) pH محلول نیتریک اسید کمتر است؛ زیرا غلظت یون هیدرونیوم در آن بیشتر است.

(۴) پس از یونش نیتریک اسید، هیچ مولکول یونیده نشده‌ای در محلول آن یافت نمی‌شود.

۱۵۸- چند مورد از مطالب زیر همواره درست هستند؟

• به فرایندی که در آن یک ترکیب مولکولی در آب به یون‌های سازنده‌اش تبدیل می‌شود، یونش می‌گویند.

• در مقایسه دو محلول اسید ضعیف متفاوت، محلولی که قدرت اسیدی بیشتری دارد رسانایی بیشتری نیز دارد.

• به دلیل K_a بزرگ‌تر کربنیک اسید، α در محلول آن بزرگ‌تر از محلول هیدروسیانیک اسید است.

• در فرایند تعادلی یونش اسیدهای ضعیف در آب، پس از لحظه تعادل، واکنش‌های رفت و برگشت متوقف می‌شوند.

• نظریه آرنیوس نمی‌تواند رفتار $\text{HCl(g)} + \text{NH}_3\text{(g)} \rightarrow \text{NH}_4\text{Cl(s)}$ توضیح دهد.

۱) (۱) ۲) (۲) ۳) (۳) ۴) (۴)

۱۵۹- در محلول $۰/۰\text{M}$ مول بر لیتر HX در دمای ۲۵°C غلظت یون هیدرونیوم برابر $۲۵ \times ۱۰^{-۳}\text{M}$ مول بر لیتر است. ثابت یونش HX به تقریب کدام است و pH محلول در شرایط واکنش به ترتیب از راست به چپ کدام است؟ ($\log ۵ \approx ۰/۷$ و $\log ۰/۸ \approx -۰/۰۷$)

۱) (۱) ۲) (۲) ۳) (۳) ۴) (۴)

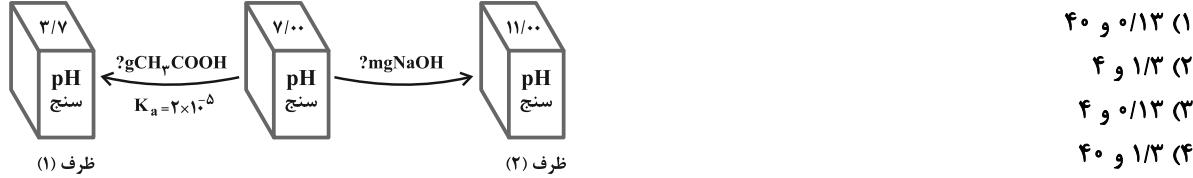
۱) (۳/۱۵) ۲) (۴/۵) ۳) (۶/۱۵) ۴) (۴/۵)

۱) (۳/۱۵) ۲) (۴/۵) ۳) (۶/۱۵) ۴) (۴/۵)

۱۶۰- در شکل‌های زیر به ترتیب از راست به چپ چند گرم ماده حل شونده به ظرف (۱) و چند میلی‌گرم ماده حل شونده به ظرف (۲)

افزوده شده است؟ (حجم نهایی محلول موجود در هر ظرف را ۱ لیتر در نظر بگیرید). ($\log ۲ \approx ۰/۳$)

$(C = ۱۲, H = ۱, O = ۱۶, Na = ۲۳ : \text{g.mol}^{-1})$



محل انجام محاسبات



دفترچه سؤال

آزمون هوش و استعداد

(دوره دوم)

۱۶ شهریور

تعداد کل سؤالات آزمون: ۲۰

زمان پاسخ‌گویی: ۳۰ دقیقه

گروه فنی تولید

مسئول آزمون	
ویراستار	فاطمه راسخ، حمیدرضا رحیم خانلو
مدیر گروه مستندسازی	محیا اصغری
مسئول درس مستندسازی	علیرضا همایون خواه
طراحان	حمید اصفهانی، سپهر حسن خان پور، حمید گنجی، فاطمه راسخ، آرین توسل، کیارش صانعی، فرزاد شیرمحمدی، محمدعلی شاهین‌فر، هادی زمانیان
حروف چینی و صفحه‌آرایی	مصطفی روحانیان
ناظر چاپ	حمید عباسی

برای مشاهده پاسخ‌ها، به صفحه شخصی خود در سایت کانون مراجعه کنید.

مدت زمان پاسخگویی		۳۰ دقیقه

استعداد تحلیلی

۲۵۱- با جایه‌جایی کلمه‌های زیر یک جمله‌ی درست و معنادار می‌سازیم، ولی یک واژه اضافه می‌ماند. آن واژه کدام است؟

«می‌دهد - تصوّر - شرارت - آغاز - ضدقهرمان - نشانه‌ها(ی) - بروز - شخصیت - خویش - از - از - را»

(۲) تصوّر

(۱) ضدقهرمان

(۴) خویش

(۳) شرارت

۲۵۲- از واژه‌های زیر که با تعداد و جایگاه نادرست نقاط نوشته شده‌اند، یک جمله‌ی درست و معنادار ساخته می‌شود. این جمله چند نقطه دارد؟

«می‌ذاثند - مثشقذان - ثماذگزایی - مغلول - شپاشی - اشپذاذ - غضر - ژواج - پژچی - اچثاق - ژا - و»

۲۳ (۲)

۲۲ (۱)

۲۵ (۴)

۲۴ (۳)

در هر یک از سه پرسش بعدی، تعیین کنید کدام قسمت مشخص شده از متن‌های زیر، ایراد نگارشی یا ویرایشی دارد و به تصحیح نیازمند است. اگر

هیچ یک از سه بخش مشخص شده ایرادی نداشت، گزینه‌ی «۴» را انتخاب کنید. متن‌ها با اندکی تغییر از کتاب «حرف‌هایی با دخترم درباره‌ی اقتصاد» از «نشر بان» انتخاب شده است.

۲۵۳- کتاب‌هایی که علم را ساده و همه‌فهم می‌کنند اهمیت فراوانی دارند. گسترش شناخت عمومی از علم, سپری دفاعی به دور جامعه‌ی علمی می‌افکند

(۲)

(۱)

که باید متخصصانی را که جامعه نیاز دارد تولید کند.

(۳)

۲۵۴- اگر هدف را بتوان فقط به صورت جمعی به دست آورد، موققیت نه تنها بستگی به همکاری تک‌تک افراد است بلکه اصولاً بسته به این است که هر فرد

(۲)

(۱)

باور داشته باشد که تک‌تک افراد دیگر هم، پای کار می‌مانند.

(۳)

۲۵۵- جامعه‌ای که ارزش مبادله را بالاتر در هر چیزی می‌ستاید، همان جامعه‌ای است که با قلدری و بی‌شرمی محافظت از محیط‌زیست را دست‌کم

(۳)

(۲)

(۱)

می‌گیرد.

* در دو پرسش بعدی تعیین کنید با حروف به هم ریخته‌ی داده شده، دو واژه به کدام معنا ساخته می‌شود. دقّت کنید از هر حرف به همان اندازه‌ای که هست باید استفاده کرد، مثلا از حروف «ا ح د ش ق» دو کلمه‌ی «حاد» و «شق» ساخته می‌شود که معادل معنایی «سخت» است.

- ۲۵۶ - «ح د رس ش ک»

(۲) ناله

(۱) غبیله

(۴) واله

(۳) ورطه

- ۲۵۷ - «ا ب پ ج ح ش ش و»

(۳) مانع

(۱) جامع

(۴) تازه

(۳) واله

* در جدول‌های سودوکو، مربع‌های $n \times n$ رسم می‌شود و رقم‌های ۱ تا n در هر ردیف و هر ستون به نحوی قرار می‌گیرند که در هر ردیف و هر ستون، دقیقاً یکی از این رقم‌ها وجود داشته باشد. بر این اساس، به دو پرسش بعدی پاسخ دهید.

- ۲۵۸ - چند پاسخ مختلف برای حل کامل جدول سودوکوی زیر وجود دارد؟

۳			
	۳	۱	
۱			

۱ (۱)

۲ (۲)

۴ (۳)

۸ (۴)

- ۲۵۹ - در جدول سودوکوی زیر، ...

۲	۴	■	۱	۳
۱		۲		●
۳		۱	۴	۲
	۱		۲	۳
۴				۱
		۳	۱	۴

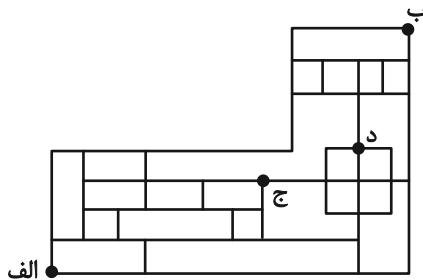
(۱) ■ + ● حتماً زوج است.

(۲) ■ + ● حتماً فرد است.

(۳) ■ × ● حتماً زوج است.

(۴) ■ × ● حتماً فرد است.

* بناست روی مسیرهای نقشه زیر، از نقطه «الف» به نقطه «ب» به نقطه «ب» برسیم، به شکلی که تنها به راست یا بالا حرکت کنیم. بر این اساس به دو سؤال بعدی پاسخ دهید.



- ۲۶۰ - اگر قرار باشد در مسیر، از نقطه «ج» عبور نکنیم، چند مسیر برای حرکت داریم؟

۴۵) ۲

۴۴) ۱

۴۷) ۴

۴۶) ۳

- ۲۶۱ - اگر قرار باشد در مسیر از نقطه «ج» عبور نکنیم، اما حتماً از نقطه «د» بگذریم، چند مسیر برای حرکت داریم؟

۷) ۲

۶) ۱

۹) ۴

۸) ۳

- ۲۶۲ - در الگوی عددی زیر، مجموع دو عدد بعدی کدام است؟

$$۳-۱۱-۱۲-۴۴-۴۸-\boxed{?}-\textcircled{?}$$

۲۴۰) ۲

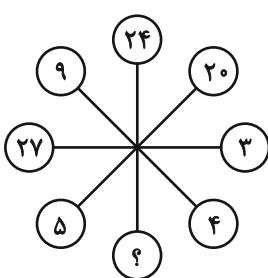
۳۶۸) ۱

۲۵۰) ۴

۳۸۶) ۳

* در سه سؤال بعدی، بهترین گزینه جانشین علامت سؤال الگوی عددی ارائه شده را تعیین کنید.

- ۲۶۳ -



۱۰) ۱

۲) ۲

۶) ۳

۸) ۴

$3,6 \Rightarrow 27$

-۲۶۴

۱۹ (۱)

$5,2 \Rightarrow 17$

۲۱ (۲)

$4,1 \Rightarrow 9$

۲۳ (۳)

$2,7 \Rightarrow ?$

۲۵ (۴)

۱۸۰, ۲۴۰, ۲۷۰, ۲۸۸, ۳۰۰, ?

-۲۶۵

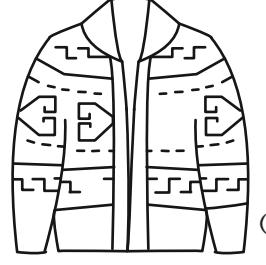
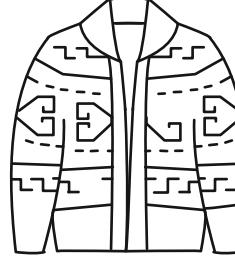
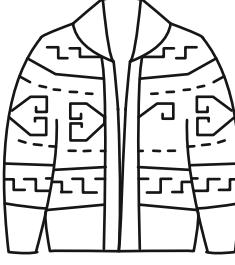
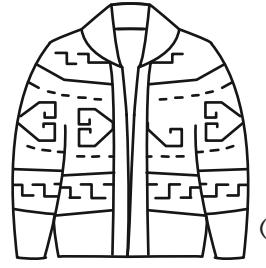
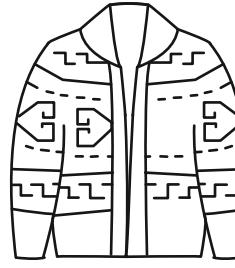
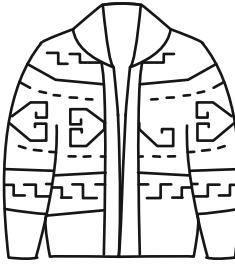
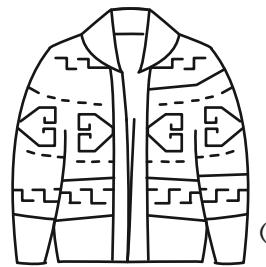
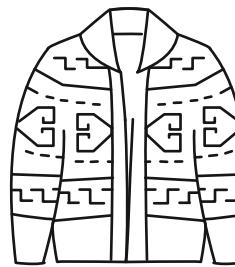
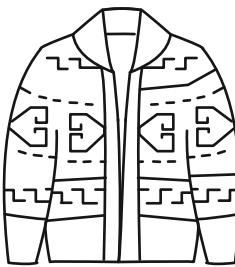
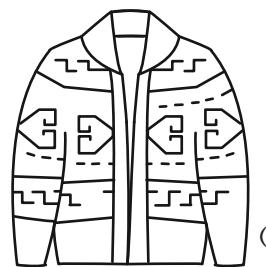
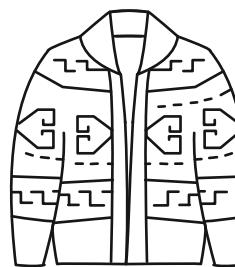
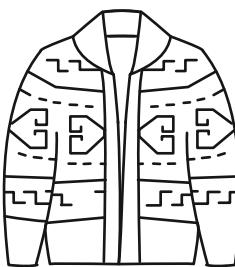
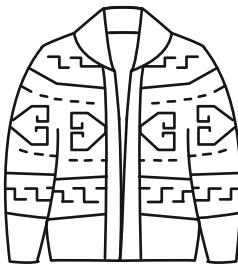
۳۰۶ (۲)

$\frac{2160}{7} (1)$

۳۲۰ (۴)

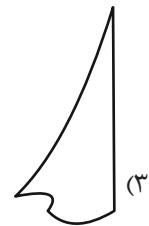
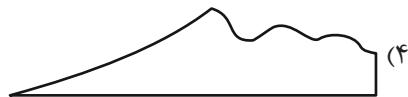
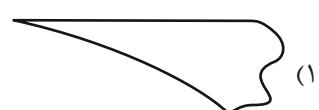
$\frac{2190}{7} (3)$

-۲۶۶ - حاصل روی هم افتادن سه کاغذ شفاف کدام گزینه، شکل رو به رو نیست؟

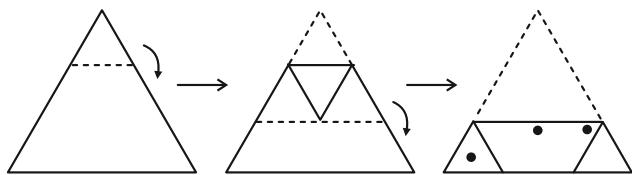


۲۶۷ - بزرگترین دایره ممکن را درون یک کاغذ مربعی کشیدیم و چهار قسمت اضافه را با قیچی بُریدیم. اما یکی از قسمت‌های اضافه، خود به

سه قسمت بُریده و جدا شد. کدام گزینه یکی از این سه قسمت نیست؟



۲۶۸ - اگر برگه کاغذی را مطابق با مراحل نشان داده شده زیر، تا و سوراخ و سپس دوباره باز کنیم، چند سوراخ در کاغذ خواهیم دید؟



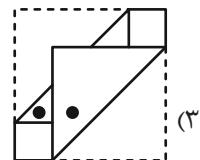
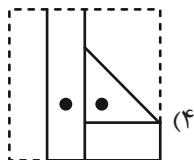
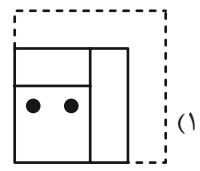
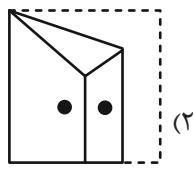
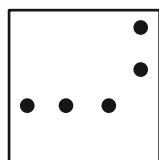
۵ (۲)

۴ (۱)

۷ (۴)

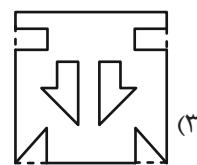
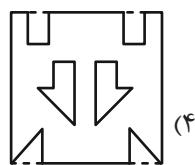
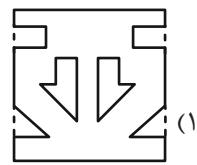
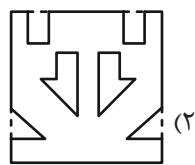
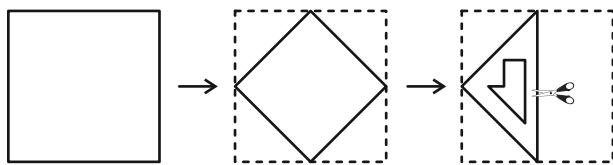
۶ (۳)

۲۶۹ - چهار برگه را به شکل زیر تا و سوراخ کردیم. شکل بازشده کدام گزینه به شکل زیر شبیه‌تر است؟



۲۷۰- برگه کاغذی را مطابق با مراحل زیر تا می‌کنیم و شکل مشخص شده را از میان آن می‌بریم. شکل بازشده برگه به کدام شکل شبیه‌تر

خواهد بود؟



خودارزیابی توجه و تمرکز

آزمون ۱۶ شهریور ۱۴۰۳ ارزیابی توجه تقسیم شده Divided attention

دانش آموز عزیز!

توجه و تمرکز برای یادگیری، مطالعه و دستیابی به موفقیت تحصیلی بسیار مهم است. این مهارت‌های شناختی دانش‌آموزان را قادر می‌سازد تا اطلاعات را دریافت کنند، روی کارها و تکالیف متوجه شوند و به طور موثر زمان و منابع خود را مدیریت کنند. بهبود توجه و تمرکز می‌تواند منجر به درک بهتر مطالب، نمرات بالاتر و به طور کلی تجربه یادگیری موثرتر شود. برای کمک به ارزیابی ظرفیت‌های توجه خود، از شما دعوت می‌کنیم با سوالات زیر خود را ارزیابی کنید. مهم است که به هر سؤال صدقانه پاسخ دهید. با درک نقاط قوت و زمینه‌های پیشرفت، می‌توانید برای ارتقای عملکرد تحصیلی خود قدم ببردارید.

سوالات را به دقت بخوانید و نزدیکترین پاسخ مرتبط با خود را انتخاب و در پاسخبرگ علامت بزنید. دقت داشته باشید
که سوالات از شماره ۲۷۱ شروع شده است.

۲۷۱. می‌توانم به معلم توجه کنم و همزمان یادداشت برداری کنم.

- | | | | |
|---------|------------|---------------|----------|
| ۱. هرگز | ۲. به ندرت | ۳. گاهی اوقات | ۴. همیشه |
|---------|------------|---------------|----------|

۲۷۲. من می‌توانم در حین انجام تکالیف به موسیقی گوش دهم و همچنان تمرکز کنم.

- | | | | |
|---------|------------|---------------|----------|
| ۱. هرگز | ۲. به ندرت | ۳. گاهی اوقات | ۴. همیشه |
|---------|------------|---------------|----------|

۲۷۳. من می‌توانم در یک بحث گروهی شرکت کنم و در عین حال یادداشت برداری کنم.

- | | | | |
|---------|------------|---------------|----------|
| ۱. هرگز | ۲. به ندرت | ۳. گاهی اوقات | ۴. همیشه |
|---------|------------|---------------|----------|

۲۷۴. من می‌توانم چندین کار را هم زمان و بدون از دست دادن تمرکز، مدیریت کنم.

- | | | | |
|---------|------------|---------------|----------|
| ۱. هرگز | ۲. به ندرت | ۳. گاهی اوقات | ۴. همیشه |
|---------|------------|---------------|----------|

۲۷۵. من می‌توانم به دستور العمل‌های درسی معلم گوش دهم و آنها را هم زمان یادداشت کنم.

- | | | | |
|---------|------------|---------------|----------|
| ۱. هرگز | ۲. به ندرت | ۳. گاهی اوقات | ۴. همیشه |
|---------|------------|---------------|----------|

۲۷۶. من می‌توانم در حین انجام یک فعالیت، یک تدریس ویدیویی را دنبال کنم.

- | | | | |
|---------|------------|---------------|----------|
| ۱. هرگز | ۲. به ندرت | ۳. گاهی اوقات | ۴. همیشه |
|---------|------------|---------------|----------|

۲۷۷. من می‌توانم تکالیف را انجام دهم و در عین حال به زمان نیز توجه کنم.

- | | | | |
|---------|------------|---------------|----------|
| ۱. هرگز | ۲. به ندرت | ۳. گاهی اوقات | ۴. همیشه |
|---------|------------|---------------|----------|

۲۷۸. من می‌توانم بدون از دست دادن تمرکز، هم زمان درس بخوانم و به صحبت‌های کسی هم گوش دهم.

- | | | | |
|---------|------------|---------------|----------|
| ۱. هرگز | ۲. به ندرت | ۳. گاهی اوقات | ۴. همیشه |
|---------|------------|---------------|----------|

۲۷۹. من می‌توانم بدون مشکل، توجه و تمرکز خود را بین یک کار اصلی و یک کار دیگر تقسیم کنم.

- | | | | |
|---------|------------|---------------|----------|
| ۱. هرگز | ۲. به ندرت | ۳. گاهی اوقات | ۴. همیشه |
|---------|------------|---------------|----------|

۲۸۰. من می‌توانم بر روی یک پروژه کار کنم و در عین حال مراقب ساعت باشم.

- | | | | |
|---------|------------|---------------|----------|
| ۱. هرگز | ۲. به ندرت | ۳. گاهی اوقات | ۴. همیشه |
|---------|------------|---------------|----------|



آزمون ۱۶ شهریور ۱۴۰۳

اختصاصی دوازدهم ریاضی

نقد و پستخانه

پذیده و نهادگان

نام درس	نام طراحان
حسابان ۲ و ریاضی پایه	امیرحسین ابومحبوب-جلیل احمدمیربلوچ-توحید اسدی-محسن اسماعیلپور-محمد پیمانی-سهیل حسن خانپور-عادل حسینی بهرام حلاج-طاهر دادستانی-میلاد سجادی لاریجانی-محمدحسن سلامی حسینی-علی شهربابی-یوسف عراز-حمدی علیزاده نیما کدیوریان-مصطفی کرمی-میلاد منصوری-سروش موئینی-سید جواد نظری-جهانبخش نیکنام
هندسه	محمد مهدی ابوتراپی-امیرحسین ابومحبوب-علی ایمانی-رضا بخشندۀ-جواد حاتمی-افشین خاصه‌خان-فرزانه خاکپاش محمد خندان-یاسین سپهر-رضاء عباسی‌اصل-فرشاد فرامرزی-محمد ابراهیم گنی‌زاده-سهام مجیدی‌پور-رحیم مشتاق‌نظم محمد هجری-سرژ یقیازاریان تبریزی
آمار و احتمال و ریاضیات گستته	امیرحسین ابومحبوب-علی ایمانی-افشین خاصه‌خان-فرزانه خاکپاش-آرش رحیمی-علیرضا شریف‌خطیبی-علی اکبر علی‌زاده محمدعلی کاظم‌نظری-علیرضا کلانتری-مهرداد ملوندی-مختار منصوری-میلاد منصوری-نیلوفر مهدوی-هومن نورائی
فیزیک	شهرام احمدی‌دارانی-خسرو ارغوانی-فرید-عباس اصغری-محمد اکبری-عبدالرضا امینی‌نسب-احسان ایرانی-رامین آرامش‌اصل زهره آقامحمدی-امیرحسین برادران-امیر پوریوسف-میثم دشتیان-محمدعلی راست‌پیمان-رامین شادلوبی-مصطفی کیانی علیرضا گونه-حسین مخدومی-حسین منصوری-عباس موتاپ-مهدی میراب‌زاده-حسین ناصحی-مصطفی وانقی
شیمی	عن اله ابوالفتحی-آرمان اکبری-امیرعلی بیات-مسعود گفری-امیر جاتمندان-میرحسن حسینی-ارزنگ خانلری-عبدالرضا دادخواه سینا رحمانی تبار-حسن رحمتی کوکنده-حامد رمضانیان-امیر محمد سعیدی-جهان شاهی‌بیگانی-سپهاب صادقی‌زاده-مسعود طبرسا امیرحسین طبیبی-حسن عیسی‌زاده-محمد فائزیان-بهنام قازانچی-امیرحسین معروفی-فرزاد نجفی کرمی-حمدیرضا تقی‌لو-امین نوروزی اکبر هنرمند-محمد رضا یوسفی

کریشنکران و ویراستاران

نام درس	حسابان ۲ و ریاضی پایه	آمار و احتمال و ریاضیات گستته	هندسه	فیزیک	شیمی	نام درس
گزینشگر	عادل حسینی	سرژ یقیازاریان تبریزی	سرژ یقیازاریان تبریزی	حسام نادری	ماهان زواری	
گروه ویراستاری	امیرحسین ابومحبوب سهیل تقی‌زاده مهرداد ملوندی	امیر محمد کریمی امیرحسین ابومحبوب مهرداد ملوندی	امیر محمد کریمی امیرحسین ابومحبوب مهرداد ملوندی	حسام نادری	محمد حسن محمدزاده مقدم احسان پنجه‌شاهی امیر رضا حکمت نیا امیرحسین کمره‌ای سروش مقدم	
گروه ویراستاری و قبه برتر	سپهر متولیان	سپهر متولیان	سپهر متولیان	سینا صالحی	آرمان قنواتی	
مسئول درس	عادل حسینی	سرژ یقیازاریان تبریزی	سرژ یقیازاریان تبریزی	حسام نادری	امیرعلی بیات	
مسئلندسازی	سمیه اسکندری	عادل حسینی	عادل حسینی	علیرضا همایون‌خواه	امیرحسین توحیدی	
ویراستاران (مسئلندسازی)	علیرضا زارعی-علیرضا عباسی‌زاده-سجاد سلیمی-احسان صادقی			علیرضا همایون‌خواه	محسن دستجردی حسین شاهسواری امیرحسین کلانتری	

گروه فنی و تولید

مدیر گروه	مهرداد ملوندی
مسئول دفترچه	نرگس غنی‌زاده
گروه مستندسازی	مدیر گروه: محیا اصغری
حروفنگار	فرزانه فتح‌الهزاده
ناظر چاپ	سوران نعیمی

گروه آزمون

بنیاد علمی آموزشی قلم‌چی (وقف عام)

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ - کانون فرهنگی آموزش - تلفن: ۰۶۴۶۳-۰۲۱

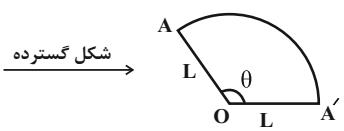
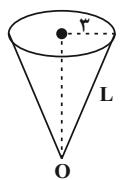


$$S = \frac{1}{2} \times \frac{3\pi}{4} \times 100 = 37.5\pi \text{ cm}^2 \quad \text{قطعه کوچک}$$

$$S = 60\pi - 37.5\pi = 56.25\pi \text{ cm}^2 \quad \Rightarrow \text{ناحیه پاک شده}$$

(مسابان ا - صفحه های ۹۷ تا ۹۴)

(میلار منصوری)



«۴» گزینه -۳

محیط قاعده مخروط برابر طول کمان AA' است.

$$\Rightarrow 2\pi(3) = 6\pi = L\theta \Rightarrow L = \frac{6\pi}{\theta}$$

از طرفی مساحت قطاعی با زاویه θ رادیان از دایره ای به شعاع L از رابطه

$$S = \frac{1}{2}\theta\left(\frac{6\pi}{\theta}\right)^2 = \frac{18\pi^2}{\theta} = 45\pi \Rightarrow \theta = \frac{18\pi^2}{45\pi} = \frac{2\pi}{5} \text{ rad} = 72^\circ$$

(مسابان ا - مشابه تمرين ۳ صفحه ۹۶)

(نیما کریمیان)

«۲» گزینه -۴

در ابتدا زاویه ها را بر اساس زاویه مرجع $22/5^\circ$ می نویسیم:

$$\frac{\cos(56.25^\circ) - \sin(112.5^\circ)}{\cos(87.5^\circ) + \cos(337.5^\circ)} = \frac{\cos(44^\circ + 22/5^\circ) - \sin(10^\circ + 22/5^\circ)}{\cos(91^\circ - 22/5^\circ) + \cos(360^\circ - 22/5^\circ)}$$

$$= \frac{-\cos(22/5^\circ) - \cos(22/5^\circ)}{\sin(22/5^\circ) + \cos(22/5^\circ)}$$

سپس صورت و مخرج را بر $\cos(22/5^\circ)$ تقسیم می کنیم که رابطه داده

شده بر حسب $\tan(22/5^\circ)$ مرتب شود:

$$= \frac{-2}{\tan(22/5^\circ) + 1} = \frac{-2}{\sqrt{2} - 1 + 1} = \frac{-2}{\sqrt{2}} = -\sqrt{2}$$

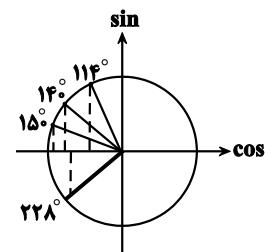
(مسابان ا - صفحه های ۹۷ تا ۹۴)

(سعیل مسن خان پور)

حسابان ۱

گزینه «۲» -۱

ابتدا تمام زوایا را به درجه تبدیل می کنیم. (هر ۱ رادیان، حدود 57° درجه است).



$$7\pi \text{ rad} = 2 \times 57^\circ = 114^\circ$$

$$4\pi \text{ rad} = 4 \times 57^\circ = 228^\circ$$

$$\frac{7\pi}{9} \text{ rad} = \frac{7\pi}{9} \times \frac{180^\circ}{\pi} = 140^\circ$$

هر ۴ زاویه را در دایره مثلثاتی مشخص می کنیم.

از دایره شکل بالا مشخص است که کسینوس هر ۴ زاویه منفی است و

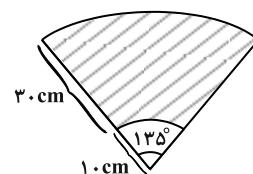
کمترین مقدار کسینوس را زاویه 150° دارد، پس قدر مطلق آن از همه

بزرگتر است.

(مسابان ا - صفحه های ۹۷ تا ۹۴)

گزینه «۱» -۲

ناحیه پاک شده مورد نظر چنین شکلی خواهد داشت:



نکته: مساحت قطاع دایره به زاویه θ رادیان برابر است با:

$$135^\circ = \frac{3\pi}{4} \text{ rad}$$

پس مساحت ناحیه پاک شده (هاشور خورده شکل بالا) برابر است با:

$$S = \frac{1}{2} \times \frac{3\pi}{4} \times 1600 = 600\pi \text{ cm}^2 \quad \text{قطاع بزرگ}$$



$$۲) y = \sin\left(x - \frac{\pi}{4}\right)$$

قرینه نسبت به y $\rightarrow y = \sin(-x - \frac{\pi}{4}) = -\sin(x + \frac{\pi}{4})$

$$\xrightarrow{-\frac{\pi}{4}} y = -\sin(x + \frac{\pi}{4} + \frac{\pi}{4})$$

$$= -\sin(x + \frac{\pi}{2}) = -\cos x \quad \checkmark$$

$$۳) y = \sin\left(x - \frac{\pi}{4}\right) \xrightarrow{\text{راست}} y = \sin\left(x - \frac{\pi}{4} - \frac{\pi}{4}\right)$$

$$= \sin(x - \frac{\pi}{2}) = -\cos x \quad \checkmark$$

$$۴) y = \sin\left(x - \frac{\pi}{4}\right) \xrightarrow{\text{راست}} y = \sin\left(x - \frac{3\pi}{4} - \frac{\pi}{4}\right) = \sin(x - \pi)$$

قرینه نسبت به x $\rightarrow y = -\sin(x - \pi)$

$$= \sin(\pi - x) = \sin x \quad \times$$

(مسابان ا- صفحه‌های ۱۰۵ تا ۱۰۹)

(علی شیرازی)

گزینه «۳»

$$\frac{\sin \theta}{\sin 3\theta} = \frac{\cos \theta}{\cos 3\theta + X}$$

ابتدا در حالت کلی در اتحاد X را پیدا

می‌کنیم. با طرفین- وسطین کردن تناسب بالا داریم:

$$\sin 3\theta \cos \theta = \sin \theta \cos 3\theta + X \sin \theta$$

$$\Rightarrow X \sin \theta = \sin(3\theta - \theta) = \sin 2\theta$$

$$\Rightarrow X \sin \theta = 2 \sin \theta \cos \theta \Rightarrow X = 2 \cos \theta$$

پس در این سؤال عبارت X برابر $2 \cos 2^\circ$ است.

(مسابان ا- صفحه‌های ۱۰۵ تا ۱۰۹)

(ممدرسان سلامی مسینی)

گزینه «۲»

$$\frac{\cos 2\alpha}{1 + \sin \alpha} = \frac{1}{3} \Rightarrow \frac{1 - 2 \sin^2 \alpha}{1 + \sin \alpha} = \frac{1}{3}$$

$$\Rightarrow 3 - 6 \sin^2 \alpha = 1 + \sin \alpha$$

$$\Rightarrow 6 \sin^2 \alpha + \sin \alpha - 2 = 0$$

(بجهانیش نیکنام)

گزینه «۱»

-۵

$$\tan \frac{\pi}{20} \tan \frac{9\pi}{20} = \tan \frac{\pi}{20} \tan \left(\frac{\pi}{2} - \frac{\pi}{20} \right) = \tan \frac{\pi}{20} \cot \frac{\pi}{20} = 1$$

$$\tan \frac{3\pi}{20} \tan \frac{7\pi}{20} = \tan \frac{3\pi}{20} \cot \frac{3\pi}{20} = 1$$

$$\tan \frac{\Delta\pi}{20} = \tan \frac{\pi}{4} = 1$$

$$\Rightarrow A = 1$$

(مسابان ا- صفحه ۹۸)

گزینه «۳»

-۶

(سید هوارد نظری)

$$B = (1 + \sin \frac{\pi}{12})(1 + \sin \frac{\Delta\pi}{12})(1 + \sin \frac{13\pi}{12})(1 + \sin \frac{17\pi}{12})$$

$$= (1 + \sin \frac{\pi}{12})(1 + \sin \frac{\Delta\pi}{12})(1 + \sin(\pi + \frac{\pi}{12}))$$

$$(1 + \sin(\pi + \frac{\Delta\pi}{12}))$$

$$\Rightarrow B = (1 + \sin \frac{\pi}{12})(1 + \sin \frac{\Delta\pi}{12})(1 - \sin \frac{\pi}{12})(1 - \sin \frac{\Delta\pi}{12})$$

$$= (1 - \sin^2 \frac{\pi}{12})(1 - \sin^2 \frac{\Delta\pi}{12})$$

حال به کمک رابطه $\cos^2 \alpha = 1 - \sin^2 \alpha$ داریم:

$$B = (\cos^2 \frac{\pi}{12})(\cos^2 \frac{\Delta\pi}{12}) = (\cos^2 \frac{\pi}{12})(\sin^2 \frac{\pi}{12})$$

$$= \frac{1}{4}(\sin^2 \frac{\pi}{6}) = \frac{1}{4}(\frac{1}{2})^2 = \frac{1}{16}$$

(مسابان ا- صفحه‌های ۹۸ تا ۱۰۴ و ۱۰۰ تا ۱۰۳)

گزینه «۴»

-۷

(بجهانیش ملاج)

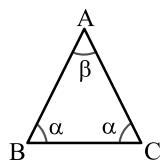
با رسم موارد گفته شده خواهیم دید که در گزینه «۴» نمودار به دست آمده

منطبق نیست اما بررسی جبری راهکار مناسب‌تری می‌باشد، به طوری که داریم:

$$۱) y = \sin\left(x - \frac{\pi}{4}\right)$$

$$\xrightarrow{-\frac{3\pi}{4}} y = \sin\left(x + \frac{3\pi}{4} - \frac{\pi}{4}\right) = \sin\left(x + \frac{\pi}{2}\right) = \cos x$$

قرینه نسبت به x $\rightarrow y = -\cos x \quad \checkmark$



(*) رادیان $\alpha + \beta = \pi$ مجموع دو زاویه نابرابر

از طرفی در هر مثلث داریم:

$$\alpha + \alpha + \beta = \pi \Rightarrow 2\alpha + \beta = \pi (**)$$

$$\frac{(**)-(*)}{\rightarrow} \alpha = \pi - \pi - \beta = \pi - \beta \quad (*)$$

از آنجا که $\pi = 3/14$ بنابراین:

$$\beta = \pi - 3/14 = 11/14 = 86^\circ$$

(حسابان ا- صفحه‌های ۹۳ تا ۹۵)

(کتاب آیین)

گزینه «۳» - ۱۲

اگر S_1 را مساحت قطاع دایره به شعاع ۱۰ سانتی‌متر و S_2 را مساحت قطاع دایره به شعاع ۴ سانتی‌متر فرض کنیم، آنگاه:

$$S_1 = S_1 - S_2 = \frac{1}{2}r_1^2\theta - \frac{1}{2}r_2^2\theta$$

برحسب رادیان است.

$$= \frac{1}{2}\theta(r_1^2 - r_2^2) = \frac{1}{2} \times (120^\circ \times \frac{\pi}{180^\circ}) \times (10^2 - 4^2)$$

$$= \frac{1}{2} \times \left(\frac{2\pi}{3}\right)(100 - 16) = \frac{\pi}{3} \times 84 = 28\pi \text{ cm}^2$$

(حسابان ا- صفحه‌های ۹۳ تا ۹۵)

(کتاب آیین)

گزینه «۳» - ۱۳

می‌دانیم اگر دو زاویه متمم هم باشند، تانژانت یکی با کتانژانت دیگری برابر است، به عبارت دیگر:

$$\alpha + \beta = \frac{\pi}{2} \Rightarrow \tan \alpha = \cot \beta$$

$$(2x - \frac{\pi}{15}) + (\frac{3\pi}{15} + 3x) = \frac{\pi}{2} \Rightarrow 5x + \frac{2\pi}{15} = \frac{\pi}{2}$$

بنابراین:

$$\Rightarrow 5x = \frac{\pi}{2} - \frac{2\pi}{15} = \frac{11\pi}{30} \Rightarrow x = \frac{11\pi}{150}$$

(حسابان ا- صفحه‌های ۹۳ تا ۹۵)

$$\Rightarrow (2\sin \alpha - 1)(3\sin \alpha + 2) = 0 \Rightarrow \begin{cases} \sin \alpha = \frac{1}{2} \\ \sin \alpha = -\frac{2}{3} \end{cases}$$

چون علامت سینوس در ربع چهارم منفی است، پس $\sin \alpha = -\frac{2}{3}$ قابل قبول

است. حال داریم:

$$\cos^2 \alpha = 1 - \sin^2 \alpha = 1 - \frac{4}{9} = \frac{5}{9}$$

$$\Rightarrow \cos \alpha = \pm \sqrt{\frac{5}{9}} \quad \text{ربع چهارم} \rightarrow \cos \alpha = \frac{\sqrt{5}}{3}$$

بنابراین:

$$\sin 2\alpha = 2\sin \alpha \cos \alpha = 2\left(-\frac{2}{3}\right)\left(\frac{\sqrt{5}}{3}\right) = -\frac{4\sqrt{5}}{9}$$

(حسابان ا- صفحه‌های ۹۰ تا ۹۲)

(عامل مسین)

گزینه «۳» - ۱۴

$$\begin{cases} \cos 4\alpha = \cos 2(2\alpha) = 2\cos^2 2\alpha - 1 \\ \cos 2\alpha = 1 - 2\sin^2 \alpha \end{cases}$$

$$\Rightarrow 2(1 - 2\sin^2 \alpha)^2 - 1 = -\frac{1}{9} \Rightarrow (1 - 2\sin^2 \alpha)^2 = \frac{4}{9}$$

$$\Rightarrow 1 - 2\sin^2 \alpha = \pm \frac{2}{3} \Rightarrow \sin^2 \alpha = \frac{1}{6} \text{ یا } \frac{5}{6}$$

این یعنی ۴ مقدار به دست آمده برای $\sin \alpha$ برابر $\pm \sqrt{\frac{5}{6}}$ است.

در نتیجه حاصل ضرب مقادیر ممکن برای $\sin \alpha$ برابر $\frac{5}{36}$ خواهد بود.

(حسابان ا- صفحه‌های ۹۰ تا ۹۲)

حسابان ا- آشنا

(کتاب آیین)

گزینه «۳» - ۱۱

$$\frac{360^\circ}{\pi} \times \frac{\pi}{180^\circ} = 2 \quad \text{رادیان} \quad \text{ابتدا} \frac{360^\circ}{\pi}$$

چون مثلث متساوی الساقین است، پس با توجه به شکل زیر داریم:



$$\Rightarrow \cos\left(\frac{\pi}{2} + x\right) = -\frac{1}{4} \Rightarrow -\sin x = -\frac{1}{4} \Rightarrow \sin x = \frac{1}{4}$$

حال با توجه به این که $x < 0$ است، برای محاسبه $\tan x$ داریم:

$$\sin^2 x + \cos^2 x = 1 \Rightarrow \left(\frac{1}{4}\right)^2 + \cos^2 x = 1$$

$$\Rightarrow \cos^2 x = 1 - \frac{1}{16} = \frac{15}{16} \Rightarrow \cos x = \frac{\sqrt{15}}{4}$$

$$\Rightarrow \tan x = \frac{\sin x}{\cos x} = \frac{\frac{1}{4}}{\frac{\sqrt{15}}{4}} = \frac{1}{\sqrt{15}}$$

(مسابان ا- صفحه‌های ۹۸ تا ۱۰۴)

(کتاب آیین)

«گزینه ۱»

با توجه به اینکه $50^\circ - 10^\circ = 40^\circ$ و با استفاده از اتحاد کسینوس مجموع و تفاضل دو کمان داریم:

$$2\cos 10^\circ \cos 50^\circ - \cos(50^\circ - 10^\circ)$$

$$= 2\cos 10^\circ \cos 50^\circ - (\cos 50^\circ \cos 10^\circ + \sin 50^\circ \sin 10^\circ)$$

$$= \cos 50^\circ \cos 10^\circ - \sin 50^\circ \sin 10^\circ = \cos(50^\circ + 10^\circ) = \cos 60^\circ = \frac{1}{2}$$

(مسابان ا- صفحه‌های ۱۰۰ تا ۱۱۳)

(کتاب آیین)

«گزینه ۱»

$$\frac{13\pi}{4} = \frac{12+1}{4}\pi = 3\pi + \frac{\pi}{4} \text{ که توجه کنید که:}$$

$$A = \sin\left(\frac{13\pi}{4} + \alpha\right) = \sin(3\pi + \frac{\pi}{4} + \alpha)$$

$$= \sin(2\pi + (\pi + \frac{\pi}{4} + \alpha))$$

می‌دانیم $\sin(2\pi + \theta) = \sin \theta$ ، پس:

$$A = \sin(\pi + \frac{\pi}{4} + \alpha)$$

از طرفی $\sin(\pi + \theta) = -\sin \theta$ ، پس:

$$A = -\sin\left(\frac{\pi}{4} + \alpha\right)$$

(کتاب آیین)

«۴»

از آنجا که $\cos \alpha = \cos(-\alpha)$ داریم:

$$\cos(x - \frac{2\pi}{9}) = \cos(\frac{2\pi}{9} - x)$$

برای دو زاویه $(x + \frac{5\pi}{18})$ و $(\frac{2\pi}{9} - x)$ داریم:

$$(x + \frac{5\pi}{18}) + (\frac{2\pi}{9} - x) = \frac{\pi}{2}$$

بنابراین این دو زاویه متمم یکدیگرند و کسینوس یکی برابر با سینوس

$$\cos(\frac{2\pi}{9} - x) = \sin(x + \frac{5\pi}{18}) \text{ دیگری است، لذا:}$$

با استفاده از رابطه $\sin^2 \alpha = 1 - \cos^2 \alpha$ داریم:

$$\sin^2(x + \frac{5\pi}{18}) = 1 - \cos^2(x + \frac{5\pi}{18}) = 1 - A^2$$

از طرفی $40^\circ < x < 90^\circ$ است، بنابراین:

$$0 < x < 40^\circ \Rightarrow 0 < x < 40^\circ \times \frac{\pi}{180^\circ}$$

$$\Rightarrow 0 < x < \frac{4\pi}{18} + \frac{5\pi}{18} \rightarrow \frac{5\pi}{18} < x + \frac{5\pi}{18} < \frac{9\pi}{18}$$

$$\Rightarrow \frac{5\pi}{18} < x + \frac{5\pi}{18} < \frac{\pi}{2}$$

بنابراین کمان $x + \frac{5\pi}{18}$ در ناحیه اول است و سینوس آن مثبت است، پس:

$$\sin(x + \frac{5\pi}{18}) = \sqrt{1 - A^2}$$

(مسابان ا- صفحه‌های ۹۸ تا ۱۰۴)

(کتاب آیین)

«۴»

با توجه به مثلث ABC واضح است $x + y = \frac{\pi}{2}$ می‌باشد.

بنابراین داریم:

$$\cos(2x + y) = -\frac{1}{4} \xrightarrow{x+y=\frac{\pi}{2}} \cos(x + \underbrace{x+y}_{\frac{\pi}{2}}) = -\frac{1}{4}$$



$$x = \frac{-(-2) \pm \sqrt{\frac{4}{\cos^2 \alpha}}}{2 \tan \alpha} = \frac{1 \pm \frac{1}{|\cos \alpha|}}{\tan \alpha}$$

$$\frac{\alpha}{\cos \alpha > 0} \rightarrow x = \frac{1 + \frac{1}{\cos \alpha}}{\frac{\sin \alpha}{\cos \alpha}} = \frac{1 + \cos \alpha}{\sin \alpha}$$

با توجه به اتحادهای $\sin 2u = 2 \sin u \cos u$ و $1 + \cos 2u = 2 \cos^2 u$

داریم:

$$x = \frac{1 + \cos \alpha}{\sin \alpha} = \frac{2 \cos^2 \frac{\alpha}{2}}{2 \sin \frac{\alpha}{2} \cos \frac{\alpha}{2}} = \frac{\cos \frac{\alpha}{2}}{\sin \frac{\alpha}{2}} = \cot \frac{\alpha}{2}$$

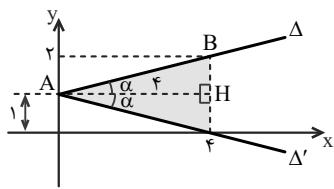
(مسابان ا- صفحه‌های ۵۰ و ۵۱)

(کتاب آیین)

گزینه «۴» - ۲۰

با توجه به شکل، دو مثلث قائم‌الزاویه مشخص شده، همنهشت هستند، پس زاویه

بین Δ و Δ' برابر با 2α است.



از طرفی اگر مثلث ABH را در نظر بگیریم، داریم:

$$AB^2 = AH^2 + BH^2 \Rightarrow AB = \sqrt{16+1} = \sqrt{17}$$

$$\sin \alpha = \frac{BH}{AB} = \frac{1}{\sqrt{17}}, \quad \cos \alpha = \frac{AH}{AB} = \frac{4}{\sqrt{17}}$$

$\Rightarrow \Delta'$ و Δ : سینوس زاویه بین Δ و Δ' را داریم

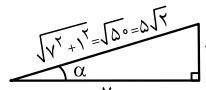
$$= 2 \times \frac{1}{\sqrt{17}} \times \frac{4}{\sqrt{17}} = \frac{8}{17}$$

(مسابان ا- صفحه‌های ۵۰ و ۵۱)

با استفاده از اتحاد $\sin(a+b) = \sin a \cos b + \cos a \sin b$ داریم:

$$A = -(\sin \frac{\pi}{4} \cos \alpha + \cos \frac{\pi}{4} \sin \alpha) \\ = -(\frac{\sqrt{2}}{2} \cos \alpha + \frac{\sqrt{2}}{2} \sin \alpha) \quad (*)$$

برای محاسبه $\cos \alpha$ و $\sin \alpha$ به کمک شکل زیر، داریم:



$$\sin \alpha = \frac{1}{5\sqrt{2}}, \quad \cos \alpha = \frac{\sqrt{2}}{5\sqrt{2}}$$

با جایگذاری مقادیر $\sin \alpha$ و $\cos \alpha$ در تساوی (*) داریم:

$$A = -(\frac{\sqrt{2}}{2} \times \frac{1}{5\sqrt{2}} + \frac{\sqrt{2}}{2} \times \frac{1}{5\sqrt{2}}) = -\frac{1}{10} = -\frac{4}{5}$$

(مسابان ا- صفحه‌های ۵۰ و ۵۱)

(کتاب آیین)

گزینه «۳» - ۱۸

$$\frac{\sin \theta}{1 - \cos \theta} + \frac{1 + \cos \theta}{\sin \theta} = \frac{\overbrace{\sin^2 \theta}^{1 - \cos^2 \theta} + (1 - \cos^2 \theta)}{(1 - \cos \theta) \sin \theta}$$

$$= \frac{1 - \cos^2 \theta}{(1 - \cos \theta) \sin \theta} = \frac{\sin \theta}{1 - \cos \theta} = \frac{\overbrace{\sin \theta}{\sin^2 \theta} \overbrace{\cos \theta}{\cos^2 \theta}}{\sin^2 \theta}$$

$$= \frac{\cos \theta}{\sin \theta} = \cot \frac{\theta}{2}$$

(مسابان ا- صفحه‌های ۵۰ و ۵۱)

(کتاب آیین)

گزینه «۳» - ۱۹

$$(\tan \alpha)x^2 - 2x - \tan \alpha = 0$$

$$\Delta = b^2 - 4ac = (-2)^2 - 4 \tan \alpha (-\tan \alpha) = 4(1 + \tan^2 \alpha)$$

با توجه به اتحاد $1 + \tan^2 \alpha = \frac{1}{\cos^2 \alpha}$ ، خواهیم داشت:

$$\Delta = \frac{4}{\cos^2 \alpha}$$



$$\Rightarrow f(x) = \begin{cases} 3x + 9 & ; x < -2 \\ 3 & ; -2 \leq x \leq 1 \\ -\frac{3}{4}x + \frac{15}{4} & ; x > 1 \end{cases}$$

حال هر کدام از ضابطه ها را برابر ۲ قرار می دهیم تا مجموع جواب های معادله

$$f(x) = 2$$

$$3x + 9 = 2 \Rightarrow x_1 = -\frac{7}{3} < -2 \quad \text{قابل قبول}$$

غیرممکن

$$\frac{15 - 3x}{4} = 2 \Rightarrow 3x = 7 \Rightarrow x_2 = \frac{7}{3} > 1 \quad \text{قابل قبول}$$

پس مجموع جواب های معادله برابر $x_1 + x_2 = 0$ است.

(ریاضی - تابع: صفحه های ۱۰۹ تا ۱۱۷)

(کتاب آمیز ریاضیات کنفرانس ششم ریاضی)

گزینه «۲»

با توجه به نمودار، تابع g برای $x \neq 1$ یک سهمی است که محور x را در $x = -2$ و $x = 0$ قطع کرده است و $g(1) = n$ می باشد. پس ضابطه آن به صورت زیر است:

$$g(x) = \begin{cases} a(x - 0)(x - (-2)) & ; x \neq 1 \\ n & ; x = 1 \end{cases}$$

$$= \begin{cases} x^2 + bx + c & ; x \neq 1 \\ n & ; x = 1 \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} n = 4 \\ ax(x+2) = x^2 + bx + c \Rightarrow \begin{cases} a = 1 \\ x^2 + 2x = x^2 + bx + c \\ \Rightarrow b = 2, c = 0 \end{cases} \end{cases}$$

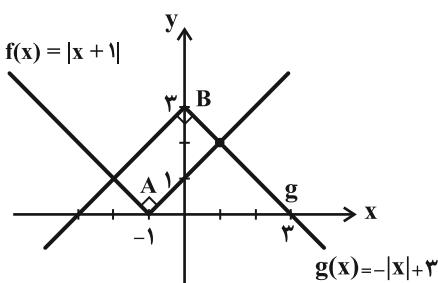
$$\Rightarrow n + b + c = 4 + 2 + 0 = 6$$

(ریاضی - تابع: صفحه های ۱۱۳ تا ۱۱۷)

(محمد علیزاده)

گزینه «۱»

ابتدا دو تابع را به کمک انتقال رسم می کنیم:



(محمد علیزاده)

ریاضی ۱

گزینه «۱»

-۲۱ مؤلفه های اول و دوم هر زوج مرتب باید برابر باشند:

$$4a + b = 4a^2 + b + 1 \Rightarrow 4a^2 - 4a + 1 = 0$$

$$\Rightarrow (4a - 1)^2 = 0 \Rightarrow a = \frac{1}{4}$$

$$4a + b^2 = 4b + 1 \xrightarrow{a = \frac{1}{4}} 2 + b^2 = 2b + 1 \Rightarrow b^2 - 2b + 1 = 0$$

$$\Rightarrow (b - 1)^2 = 0 \Rightarrow b = 1$$

$$\Rightarrow f = \{(3, 3), (1, 1)\} \Rightarrow f(2a + 2b) = f(3) = 3$$

(ریاضی - تابع: صفحه های ۱۰۹ تا ۱۱۳)

(محمد علیزاده)

گزینه «۳»

-۲۲ تابع همانی f را به صورت $x = f(y)$ و تابع ثابت g را به صورت

$y = g(x)$ تعریف می کنیم. داریم:

$$\begin{cases} f(\gamma) + \frac{1}{2}g(\gamma) = \frac{\gamma}{c} + \frac{1}{2}c \\ \frac{\gamma}{f(\gamma)} = \frac{\gamma}{2} \\ f(\gamma) = \frac{\gamma}{2} \end{cases} \Rightarrow \frac{\gamma}{c} + \frac{1}{2}c = \frac{\gamma}{2} \Rightarrow \frac{\gamma}{c} = \frac{\gamma}{2} - \frac{1}{2}c$$

$$\Rightarrow c^2 - 5c + 4 = (c - 1)(c - 4) = 0$$

$$\Rightarrow \begin{cases} c = 2 \\ \text{یا} \\ c = 4 \end{cases} \Rightarrow |2f(g(1403)) - 5| = |2f(c) - 5|$$

$$= |2c - 5| = |\pm 1| = 1$$

(ریاضی - تابع: صفحه های ۱۰۹ تا ۱۱۷)

(عادل فیضیانی)

گزینه «۱»

-۲۳ یک تابع سه ضابطه ای است که هر سه ضابطه آن خطی هستند. ضابطه هر

کدام را می نویسیم:

$$f: A(-2, 3), B(-3, 0) \Rightarrow m = \frac{3 - 0}{-2 + 3} = 3$$

$$y - 0 = 3(x + 3) \Rightarrow y = 3x + 9$$

تابع ثابت ضابطه دوم $\Rightarrow y = 3$

$$C(1, 3), D(5, 0) \Rightarrow m = \frac{3 - 0}{1 - 5} = -\frac{3}{4}$$

$$y - 0 = -\frac{3}{4}(x - 5) \Rightarrow y = -\frac{3}{4}x + \frac{15}{4}$$



سپس a و b را با هم و c و d را نیز با هم در نظر می‌گیریم که در این

$$\text{صورت تعداد حالتات برابر است با } ۹۶ = ۴! \times ۲! \times ۲!$$

$$= ۲۴۰ - ۹۶ = ۱۴۴ = \text{تعداد حالتات مطلوب}$$

(ریاضی ا- شمارش، بدون شمردن: صفحه‌های ۱۲۷ تا ۱۳۲)

(مهمطفی کرمی)

گزینه «۳» - ۲۹

اگر از ۲ و ۳ هر کدام حداقل ۵ تا داشتیم به تعداد $۳۲ = ۲^5$ عدد می‌توان

نوشت ولی حالتات زیر را نداریم:

$$\begin{cases} ۲, ۲, ۲, ۲, ۲ \\ ۲, ۲, ۲, ۲, ۳ \\ ۲, ۳, ۳, ۳, ۳ \end{cases}$$

یعنی از این ۳۲ حالت، ۷ عدد را نمی‌توانیم بنویسیم و بنابراین $۳۲ - ۷ = ۲۵$ عدد پنج رقمی می‌توان نوشت.

(ریاضی ا- شمارش، بدون شمردن: صفحه‌های ۱۱۹ تا ۱۳۲)

(یوسف عازمی)

گزینه «۱» - ۳۰

۳، ۹: یک رقمی

$$\frac{3}{8} \times \frac{2}{5} \times \frac{1}{4} = \frac{1}{16} \text{ یا } ۰.0625 \text{ دورقمی}$$

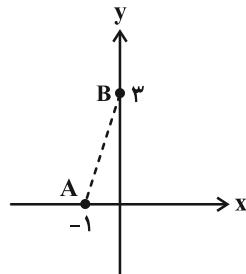
$$\frac{2}{7} \times \frac{1}{5} \times \frac{1}{4} = \frac{1}{140} \text{ یا } ۰.00714 \text{ فقط ۵}$$

$$\left. \begin{array}{l} \text{سه رقمی:} \\ \frac{1}{8} \times \frac{3}{5} \times \frac{1}{2} = \frac{3}{80} \text{ یا } ۰.0375 \text{ فقط ۳} \\ \frac{1}{9} \times \frac{3}{5} \times \frac{1}{2} = \frac{3}{45} \text{ یا } ۰.0666 \text{ فقط ۵} \\ \frac{1}{7} \times \frac{1}{4} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{56} \text{ فقط ۴} \\ \frac{1}{9} \times \frac{3}{4} \times \frac{1}{2} = \frac{3}{36} \text{ فقط ۳} \end{array} \right\} \text{تعداد اعداد} \rightarrow ۱۰$$

$$\text{مجموع حالتات: } ۲ + ۱۳ + ۱۰ = ۲۵$$

(ریاضی ا- شمارش، بدون شمردن: صفحه‌های ۱۱۹ تا ۱۲۶)

با توجه به شکل، AB قطر مستطیل است.



$$\text{قطر} = \sqrt{3^2 + 1^2} = \sqrt{10}$$

(ریاضی ا- تابع: صفحه‌های ۱۰۹ تا ۱۱۷)

(میلاد سجادی لاریجانی)

گزینه «۲» - ۲۶

$$y = |x+1| \xrightarrow{\text{قرینه نسبت به محور } x} y = -|x+1|$$

$$\xrightarrow{\text{۲ واحد به سمت راست}} y = -|x-1|$$

$$\xrightarrow{\text{ تقاطع با نیمساز ناحیه چهارم}} -|x-1| = -x$$

$$\Rightarrow |x-1| = x \Rightarrow x-1 = -x \Rightarrow 2x = 1 \Rightarrow x = \frac{1}{2}$$

$$\xrightarrow{y=-x} y = -\frac{1}{2}$$

(ریاضی ا- تابع: صفحه‌های ۱۰۹ تا ۱۱۷)

(جلیل احمدی بریلوچ)

گزینه «۲» - ۲۷

حرروف کلمه «جهان» را در یک بسته قرار می‌دهیم که این حرروف داخل

بسته به ۴! حالت باهم جایگشت دارند.

⇒ ۵! در گجهان

پس داریم:

$$4! \times 5!$$

(ریاضی ا- شمارش، بدون شمردن: صفحه ۱۲۷ تا ۱۳۲)

(امیرحسین ابومهند)

گزینه «۲» - ۲۸

ابتدا حالتاتی را می‌شماریم که a و b کنار یکدیگرند، سپس حالتاتی را که هم a و b و هم c و d کنار هم باشند را شمرده و از جواب اولیه کم می‌کنیم.

برای این که a و b کنار هم باشند، آنها را درون یک بسته قرار می‌دهیم که در این صورت تعداد حالتات برابر است با $240 = 5! \times 2!$.



اگر $x_i' = x_i - 25$ باشد، داریم:

$$\bar{x}' = \frac{\sum f_i x'_i}{n} = \frac{(-18) + (-6) + 0 + 18 + 12}{13 + x} = 0 / 24$$

$$\Rightarrow \frac{6}{13 + x} = 0 / 24 \Rightarrow x = 12$$

(آمار و احتمال - آمار توصیفی: صفحه‌های ۸۰ تا ۸۲)

(امیرحسین ابومنوب)

گزینه «۱» - ۳۵

جدول فراوانی داده‌های اولیه مطابق با نمودار بافت نگاشت داده شده به صورت زیر است.

فرافانی	حدود دسته	[۵۰, ۶۰)	[۶۰, ۷۰)	[۷۰, ۸۰)	[۸۰, ۹۰)	[۹۰, ۱۰۰)
۳	۷	۸	۵	۲		

با افزودن دانش آموzanی به وزن‌های ۶۹، ۷۳، ۷۶، ۸۲ و ۹۴ کیلوگرم، تعداد کل

داده‌ها ۵ واحد و تعداد داده‌های دسته وسط دو واحد افزایش می‌یابد. داریم:

$$\text{فراوانی نسبی اولیه دسته وسط} = \frac{\lambda}{25} = ۰ / ۳۲$$

$$\text{فراوانی نسبی ثانویه دسته وسط} = \frac{۱۰}{۳۰} = \frac{۱}{۳} \approx ۰ / ۳۳$$

چون فراوانی نسبی ثانویه دسته وسط بیشتر از فراوانی نسبی اولیه آن است،

پس فراوانی نسبی $۰ / ۰$ زیاد شده است.

(آمار و احتمال - آمار توصیفی: صفحه‌های ۷۰ تا ۷۲)

(علی‌اکبر علیزاده)

گزینه «۱» - ۳۶

$$\text{تعداد داده‌ها} \times \text{میانگین} = \text{مجموع داده‌ها} \Rightarrow \text{میانگین} = \frac{\text{مجموع داده‌ها}}{\text{تعداد داده‌ها}}$$

$$(n - ۳) \times ۹ = ۹n - ۲۷$$

$$(2n + ۳) \times ۱۲ = ۲۴n + ۳۶$$

$$9n - 27 + 24n + 36 = 33n + 9$$

$$\text{تعداد کل داده‌ها} = n - 3 + 2n + 3 = 3n$$

$$\text{میانگین کل} = \frac{33n + 9}{3n} = 11 + \frac{3}{n}$$

حال گزینه‌ها را بررسی می‌کنیم:

$$11 + \frac{3}{n} = 11 / 25 \Rightarrow n = 12 \quad \text{فقه} ۱$$

$$11 + \frac{3}{n} = 11 / 35 \Rightarrow n = \frac{60}{7} \quad \text{غیر قهق} ۲$$

(ممدر علی لاظه نظری)

آمار و احتمال

گزینه «۴» - ۳۱

نمودارهای میله‌ای و دایره‌ای برای متغیرهای کمی گستته و کیفی و نمودار بافت نگاشت برای متغیرهای کمی پیوسته مناسب‌اند.

(آمار و احتمال - آمار توصیفی: صفحه‌های ۷۰ تا ۷۲)

(احشیان خاصه‌دان)

گزینه «۳» - ۳۲

با افزودن داده‌ای برابر با میانگین، میانگین ۲۴ داده جدید برابر میانگین داده‌های قبلی خواهد شد.

$$\text{صفر} = \frac{(x_1 - \bar{x})^2 + \dots + (x_{22} - \bar{x})^2 + (\bar{x} - \bar{x})^2}{24} = \frac{22 \times 6}{24} = 5 / 25$$

$$| ۵ / 25 - ۵ / 25 | = ۰ / 25 = \text{واریانس جدید} - \text{واریانس قدیم}$$

(آمار و احتمال - آمار توصیفی: صفحه‌های ۷۰ تا ۷۲)

(نیلوفر مهدوی)

گزینه «۲» - ۳۳

مجموع درصدهای فراوانی برابر 100 است، بنابراین داریم:

$$a + 20 + 30 + 22 + 18 = 100 \Rightarrow a = 10$$

بنابراین زاویه متناظر با نمره A در نمودار دایره‌ای این نمرات برابر است با:

$$\alpha = \frac{10}{100} \times 360^\circ = 36^\circ$$

(آمار و احتمال - آمار توصیفی: صفحه‌های ۷۰ تا ۷۲)

(آرش رعیمی)

گزینه «۳» - ۳۴

از هر یک از داده‌ها، ۲۵ واحد کم می‌کنیم، در این صورت از میانگین نیز 25 واحد کم می‌شود.

$x_i - 25$	-۶	-۳	۰	۳	۶
f_i	۳	۲	x	۶	۲



$$\frac{1+3}{2} = 2 \quad \text{میانه} \Rightarrow 1,1,3,6 \Rightarrow$$

(آمار و احتمال - آمار توصیفی: صفحه‌های ۸۷ تا ۸۹)

(میلاد منصوری)

گزینه ۴

میانگین ۴ داده حذف شده برابر است با:

$$\frac{10+15+45+50}{4} = 30$$

بنابراین میانگین ۲۱ داده باقی‌مانده نیز برابر ۳۰ می‌باشد.

$$\sigma^2 = 64 \Rightarrow$$

$$\sum_{i=1}^{21} (x_i - 30)^2 + (10-30)^2 + (15-30)^2 + (45-30)^2 + (50-30)^2 = 64$$

۲۵

$$\Rightarrow \sum_{i=1}^{21} (x_i - 30)^2 + 1250 = 1600$$

$$\Rightarrow \sum_{i=1}^{21} (x_i - 30)^2 = 350$$

بنابراین واریانس داده‌های باقی‌مانده برابر است با:

$$\sigma'^2 = \frac{\sum_{i=1}^{21} (x_i - 30)^2}{21} = \frac{350}{21} \approx 16.67$$

(آمار و احتمال - آمار توصیفی: صفحه‌های ۸۱ و ۸۸)

(مهرداد ملوانی)

گزینه ۴

تعداد داده‌های ۱۷ از سایر داده‌ها بیشتر است، پس مد داده‌ها برابر ۱۷

می‌باشد. تعداد کل داده‌ها برابر ۲۳ است، پس اگر داده‌ها از کوچک به بزرگ،

مرتب شوند، دوازدهمین داده، میانه داده‌هاست که این داده برابر ۱۴ می‌باشد.

(آمار و احتمال - آمار توصیفی: صفحه‌های ۸۱ و ۸۸)

$$\frac{3}{n} = 11/4 \Rightarrow n = \frac{15}{2} \quad \text{گزینه ۳}$$

$$\frac{3}{n} = 11/7 \Rightarrow n = \frac{30}{7} \quad \text{گزینه ۴}$$

(آمار و احتمال - آمار توصیفی: صفحه‌های ۸۰ تا ۸۲)

(نیلوفر مهدوی)

گزینه ۴

ابندا داده‌ها را از کوچک به بزرگ مرتب می‌کنیم:

۱, ۲, ۲, ۴, ۷, ۷, ۷, ۸, ۹, ۱۲, ۱۳, ۱۷, ۱۷

مد داده‌ها برابر ۷ است و مجموع داده‌های کوچک‌تر از مد برابر است با:

$$1+2+2+4=9$$

تعداد داده‌ها برابر ۱۳ است، پس داده هفتم میانه و میانگین داده‌های دهم و

$$Q_3 = \frac{12+13}{2} = 12.5 \quad \text{بازدهم برابر چارک سوم است.}$$

$$13+17+17=47 \quad \text{مجموع داده‌های بزرگ‌تر از چارک سوم برابر است با: } 47$$

بنابراین اختلاف بین مجموع این دو دسته از داده‌ها برابر است با: $47 - 9 = 38$

(آمار و احتمال - آمار توصیفی: صفحه‌های ۸۱ و ۸۳)

(علیرضا شریف‌خطیبی)

گزینه ۴

می‌دانیم اگر تعدادی داده برابر یکدیگر باشند، واریانس آنها برابر صفر است

و بالعکس، بنابراین داریم:

$$\begin{cases} 3x - 9 = 6 \Rightarrow x = 5 \\ 4y + 2 = 6 \Rightarrow y = 1 \\ 5z - 4 = 6 \Rightarrow z = 2 \end{cases}$$

$$x + 1, 3z - 5, y + 2 \quad \text{به ترتیب عبارتند از: } 1, 1, 6, 1, 1, 3$$

داده‌ها را از کوچک به بزرگ مرتب می‌کنیم. چون تعداد داده‌ها زوج است،

میانه برابر میانگین دو داده وسط است:



(امیرحسین ابوالمحبوب)

«۱» - ۴۳ گزینه

طبق تعریف تجانس داریم:

$$\left. \begin{array}{l} OA' = k \times OA \\ OA'' = k' \times OA \end{array} \right\} \Rightarrow \frac{OA'}{OA''} = \frac{k}{k'} \Rightarrow OA' = \frac{k}{k'} \times OA''$$

بنابراین A' مجانس A'' به مرکز O و نسبت $\frac{k}{k'}$ است.

(هنرسه ۲ - تبدیل‌های هندسی و کاربردها؛ صفحه‌های ۳۴ تا ۳۹)

(رضا پیشنهاد)

«۴» - ۴۴ گزینه

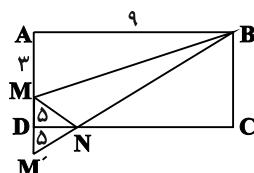
انتقال و تجانس هر دو شیب خط را حفظ می‌کنند، پس ترکیب آن‌ها شیب خط را حفظ می‌کند. انتقال طولپا است ولی تجانس در حالت $1 \neq |k|$ ، طولپا نیست، پس ترکیب آن‌ها لزوماً طولپا نیست و حالت مطلوب مسئله می‌باشد.

(هنرسه ۲ - تبدیل‌های هندسی و کاربردها؛ صفحه‌های ۳۴ تا ۳۹)

(پهلوان هاتمن)

«۳» - ۴۵ گزینه

چون MB ثابت است، پس باید $MN + NB$ حداقل باشد. می‌خواهیم نقطه‌ای مانند N روی DC پیدا کنیم که مسیر شکسته MNB کمترین مقدار باشد، پس بازتاب M را نسبت به DC پیدا کرده آن را به B وصل می‌کنیم.



$$MB = \sqrt{81+9} = 3\sqrt{10}$$

$$M'B = \sqrt{169+81} = 5\sqrt{10}$$

هندسه ۲

«۱» - ۴۱ گزینه

(فرشاد فرامرزی)

گزینه «۱»: $(2n+1)$ بار دوران با زاویه 120° درجه، معادل با دوران $120(2n+1)$ درجه است. در این حالت، تصویر A می‌تواند بر خودش منطبق شود.

گزینه «۲»: در $(2n+1)$ بار تجانس به مرکز O و با نسبت (-1) ،تصویر نقطه A بر خودش منطبق نمی‌شود.

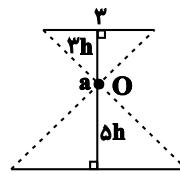
گزینه «۳»: در بازتاب نسبت به خط d ، اگر نقطه A روی خط d واقع نشده باشد، با $(2n+1)$ بار بازتاب، تصویر آن بر خودش منطبق نمی‌شود.

گزینه «۴»: $(2n+1)$ بار انتقال با بردار غیر صفر \vec{v} ، همان انتقال با بردار $\vec{v}(2n+1)$ است، پس تصویر A بر خودش منطبق نمی‌شود.

(هنرسه ۲ - تبدیل‌های هندسی و کاربردها؛ صفحه‌های ۳۴ تا ۳۹)

«۳» - ۴۲ گزینه

چون تجانس معکوس است، مرکز تجانس بین دو پاره خط قرار دارد و نسبت فاصله مرکز تجانس از دو پاره خط با نسبت طول دو پاره خط برابر است:



$$3h + \delta h = 12 \Rightarrow h = 1 / 5 \Rightarrow \delta h = 2 / 5$$

(هنرسه ۲ - تبدیل‌های هندسی و کاربردها؛ صفحه‌های ۳۴ تا ۳۹)



می‌دانیم اگر یکی از زوایای حاده در مثلث قائم‌الزاویه‌ای برابر 15° باشد، آن‌گاه

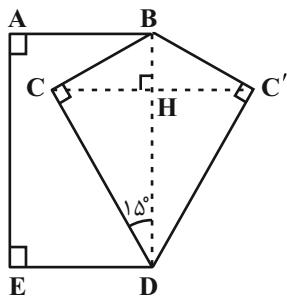
طول ارتفاع وارد بر وتر در این مثلث، $\frac{1}{4}$ طول وتر است، پس داریم:

$$CH = \frac{1}{4}BD = \frac{1}{4} \times 12 = 3$$

$$S_{BC'D} = S_{BCD} = \frac{1}{2}CH \times BD = \frac{1}{2} \times 3 \times 12 = 18$$

با توجه به اینکه چهارضلعی $ABDE$ مستطیل است، داریم:

$$S_{ABC'DE} = S_{ABDE} + S_{BC'D} = (12 \times 3 / 5) + 18 = 60$$



(هنرسه ۲ - تبدیل‌های هندسی و کاربردها؛ صفحه‌های ۵۳ و ۵۴)

(ممدر فنار)

«گزینه ۱» - ۴۸

طبق تعریف تجانس، اگر نقطه A' تصویر نقطه A در تجانس به مرکز

و نسبت تجانس k باشد، آنگاه سه نقطه O ، A و A' روی یک خط

راست قرار دارند. بنابراین اگر نقاط M ، N و P به ترتیب مجانس نقاط

A ، B و C در یک تجانس باشند، مرکز تجانس قطعاً بر روی خط‌های

شامل پاره‌خط‌های AM ، BN و CP قرار دارد. چون این سه پاره‌خط،

میانه‌های مثلث ABC هستند، پس نقطه تقاطع آنها همان نقطه همسی

میانه‌های مثلث ABC است.

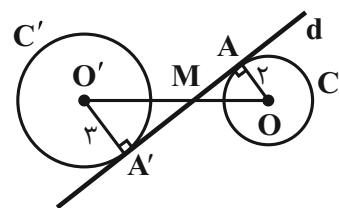
$$\Rightarrow \min(\Delta MBN) = \text{محیط} = 3\sqrt{10} + 5\sqrt{10} = 8\sqrt{10}$$

(هنرسه ۲ - تبدیل‌های هندسی و کاربردها؛ صفحه‌های ۵۳ و ۵۴)

(علی ایمانی)

«گزینه ۳» - ۴۶

مرکز تجانس معکوس دو دایره متقاطع همان محل برخورد مماس مشترک‌های داخلی دو دایره با خط مرکزین آنهاست.



بنابراین خط d در نقطه A' بر دایره C' نیز مماس است. دو مثلث OAM و

$O'A'M$ به‌حالت تساوی زاویه‌ها متشابه‌اند و داریم:

$$\frac{OM}{O'M} = \frac{OA}{O'A'} = \frac{2}{3}$$

$$\xrightarrow{\text{تركيب نسبت در مخرج}} \frac{OM}{OO'} = \frac{2}{5} \Rightarrow \frac{OM}{10} = \frac{2}{5} \Rightarrow OM = 4$$

$$\Delta OAM : AM^2 = OM^2 - OA^2 = 16 - 4 = 12 \Rightarrow AM = 2\sqrt{3}$$

$$S_{OAM} = \frac{1}{2}OA \times AM = \frac{1}{2} \times 2 \times 2\sqrt{3} = 2\sqrt{3}$$

(هنرسه ۲ - تبدیل‌های هندسی و کاربردها؛ صفحه‌های ۴۳ و ۴۹)

(امیرحسین ابومصطفی)

«گزینه ۳» - ۴۷

برای افزایش مساحت این قطعه زمین بدون تغییر محیط و تعداد اضلاع پنج ضلعی

، کافی است بازتاب نقطه C را نسبت به خط گذرنده از نقاط B و D ، $ABCDE$

به‌دست آوریم. در این صورت دو مثلث BCD و $BC'D$ همنهشت هستند.



در مثلث قائم الزاویة $AA'B'$ داریم:

$$A'B' = \sqrt{AA'^2 + AB'^2} = \sqrt{9^2 + 12^2} = \sqrt{225} = 15$$

پس کمترین مقدار محیط مثلث ABC برابر است با:

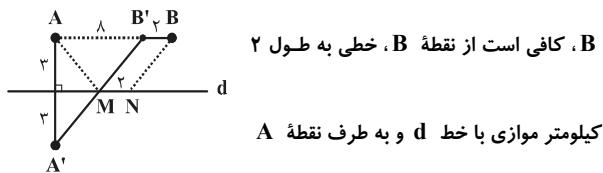
$$12 + 15 = 27$$

(هنرسه ۲ - تبدیل‌های هندسی و کاربردها؛ صفحه‌های ۵۳ و ۵۴)

(امیرحسین ابوممدوت)

گزینه «۱» - ۵۰

برای پیدا کردن کوتاه‌ترین مسیر بین A و



کیلومتر موازی با خط d و به طرف نقطه A

رسم کنیم تا نقطه B' حاصل شود. سپس از

نقطه A' قرینه A نسبت به خط d ، به B' وصل کنیم تا خط d را در

نقطه‌ای مانند M قطع کند. اگر N نقطه‌ای به فاصله ۲ کیلومتر از M بر روی

خط d باشد، آنگاه مسیر $AMNB$ کوتاه‌ترین مسیر ممکن است. داریم:

$$AM + MN + NB = A'M + BB' + MB'$$

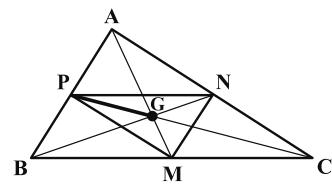
$$= (A'M + MB') + BB' = A'B' + BB'$$

در مثلث قائم الزاویة $A'AB'$ داریم:

$$A'B'^2 = AA'^2 + AB'^2 = 9^2 + 12^2 = 100 \Rightarrow A'B' = 10$$

و در نتیجه طول جاده بین A و B ، برابر $10 + 2 = 12$ خواهد بود.

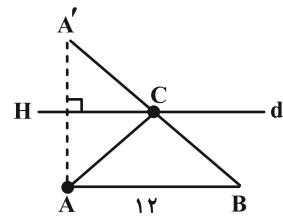
(هنرسه ۲ - تبدیل‌های هندسی و کاربردها؛ صفحه ۵۳)



(هنرسه ۲ - تبدیل‌های هندسی و کاربردها؛ صفحه‌های ۵۹ تا ۶۰)

گزینه «۳» - ۴۹

(سریر یقیازاریان تبریزی)



اگر طول ارتفاع وارد بر ضلع AB در مثلث ABC را برابر h در نظر

بگیریم، آنگاه داریم:

$$S_{\Delta ABC} = \frac{AB \times h}{2} \Rightarrow 27 = \frac{12 \times h}{2} \Rightarrow h = \frac{9}{2}$$

پس رأس C روی خطی به فاصله $\frac{9}{2}$ واحد از ضلع AB قرار دارد.

چون مقدار AB ثابت و می‌خواهیم محیط ABC کمترین مقدار ممکن

باشد، مسئله تبدیل می‌شود به پیدا کردن رأس C روی خط d به گونه‌ای که

مقدار $AC + BC$ کمترین باشد. با توجه به مسئله اول هرون، قرینه A را

نسبت به d پیدا می‌کنیم (نقطه A'). چون $AC = A'C$ ، بنابراین حداقل

مقدار $AC + CB$ برابر است با:

$$AC + CB = A'C + BC = A'B$$



(طاهر (ادرستان))

گزینه «۱» -۵۴

$$x+1=0 \Rightarrow x=-1 : a(-1)^{\delta} + b(-1)^{\gamma} + 2(-1)=4$$

$$\Rightarrow a-b=-6 \quad (1)$$

$$x-2=0 \Rightarrow x=2 : r=(2)^{\gamma} + a(2)^{\delta} - 2b(2)=8+4a-4b$$

$$=8+4(a-b) \xrightarrow{(1)} 8+4(-6)=-16$$

(مسابان - ۲ - تابع: صفحه‌های ۱۸ تا ۲۲)

(عادل مسینی)

گزینه «۲» -۵۵

$$p(x)=(x+1)(x+2)q(x)+2x+1$$

$$\Rightarrow \begin{cases} p(x-1)=x(x+1)q(x-1)+2x-1 \\ p(x-2)=x(x-1)q(x-2)+2x-2 \end{cases}$$

$$\Rightarrow p(x-1)-p(x-2)=x[(x+1)q(x-1)-(x-1)q(x-2)]+2$$

در نتیجه باقیمانده تقسیم مورد نظر، برابر ۲ است.

(مسابان - ۲ - تابع: صفحه‌های ۱۸ تا ۲۲)

(محمد پیمانی)

گزینه «۱» -۵۶

$$f(x)=\frac{\sin^3 x}{\cos^3 x} + \frac{\cos^3 x}{\sin^3 x} - 1 = \frac{\sin^2 x + \cos^2 x}{\sin^3 x \cos^3 x} - 1$$

$$= \frac{1}{\frac{1}{2}\sin 6x} - 1 = \frac{2}{\sin 6x} - 1$$

$$\Rightarrow f(x) = \frac{2}{\sin 6x} - 1$$

به راحتی می‌توان نشان داد که اگر دوره تناوب تابع g برابر T باشد، دورهتناوب تابع $\frac{1}{g}$ (با شرط متناوب بودن) نیز T است. بنابراین در این سؤال،دوره تناوب تابع f و دوره تناوب تابع $y = \sin 6x$ یکسان هستند.

$$\Rightarrow T_f = \frac{2\pi}{6} = \frac{\pi}{3}$$

(مسابان - ۲ - مثلثات: صفحه ۲۷)

(تومیر اسدی)

گزینه «۲» -۵۷

مطابق شکل تابع در فاصله $[0, T]$ تکرار می‌شود (T دوره تناوب) همچنیندر $[0, \frac{T}{2}]$ مقدار تابع از ماکزیمم به مینیمم خود می‌رسد، پس $\frac{T}{2}$ میانگین

ریشه‌های تابع است یعنی:

حسابان ۲

گزینه «۲» -۵۱

(علی شهرابی)

تغییرات گفته شده را به ترتیب روی تابع $y = x^3$ انجام می‌دهیم:

$$y = x^3 \xrightarrow{1 \text{ واحد به چپ}} y = (x+1)^3$$

$$\xrightarrow{\text{قیمت نسبت به } x \text{ ها}} y = -(x+1)^3$$

$$\xrightarrow{\substack{\text{انبساط عمودی} \\ \text{با ضریب } k}} y = -k(x+1)^3$$

$$\xrightarrow{2 \text{ واحد به بالا}} f(x) = -k(x+1)^3 + 2$$

نمودار تابع f از مبدأ می‌گذرد، پس:حال معادله $f(x) = 4$ را حل می‌کنیم:

$$-2(x+1)^3 + 2 = 4 \Rightarrow (x+1)^3 = -1 \Rightarrow x+1 = -1 \Rightarrow x = -2$$

(مسابان - ۲ - تابع: صفحه‌های ۱۵ تا ۱۶)

گزینه «۲» -۵۲

(عادل مسینی) می‌دانیم تابع مورد نظر، از پاره خط‌هایی تشکیل شده است که شبیه آنها

مشیت است. بنابراین، با توجه به اینکه $[x]$ در عدد صحیح z ناپیوسته است،برای اکیداً صعودی بودن تابع $y = 2x - k[x]$ کافی است حد راست آندر $x = z$ ، بزرگ‌تر یا مساوی با حد چپ آن در $x = z$ باشد. پس داریم:

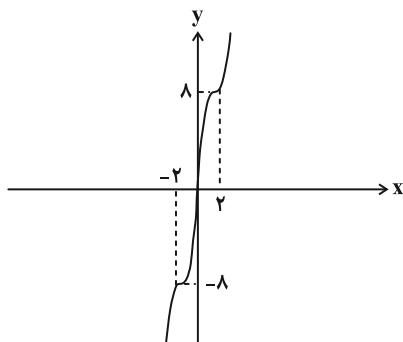
$$\lim_{x \rightarrow z^+} (2x - k[x]) = 2z - kz$$

$$\lim_{x \rightarrow z^-} (2x - k[x]) = 2z - k(z-1) = 2z - kz + k$$

$$\Rightarrow 2z - kz \geq 2z - kz + k \Rightarrow k \leq 0$$

(مسابان - ۲ - تابع: صفحه‌های ۱۵ تا ۱۶)

گزینه «۴» -۵۲

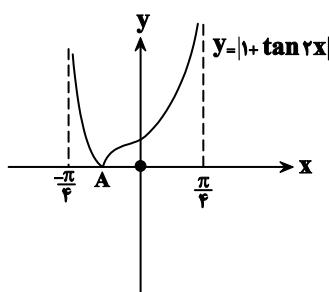
نمودار تابع f رارسم می‌کنیم:

$$x \geq 0 \Rightarrow x^3 - 6x^2 + 12x = (x-2)^3 + 8$$

$$x < 0 \Rightarrow x^3 + 6x^2 + 12x = (x+2)^3 - 8$$

همانطور که می‌بینید تابع در دامنه خود، اکیداً صعودی است.

(مسابان - ۲ - تابع: صفحه‌های ۱۳ تا ۱۸)



$$y_A = 0 \Rightarrow \tan 2x = -1 \Rightarrow 2x = -\frac{\pi}{4} \Rightarrow x = -\frac{\pi}{8}$$

$$\frac{\pi}{4} - \left(-\frac{\pi}{8}\right) = \frac{3\pi}{8}$$

پس طول بازه می‌شود:

(مسابان ۲ - مثالیات: صفحه‌های ۵۷ و ۵۹)

(بهرام ملاج)

گزینه ۲

از روی شکل واضح است که اندازه قاعده مثلث یعنی پاره خط AC همان

مقدار دوره تناوب تابع است که داریم:

$$AC = T = \frac{\pi}{4}$$

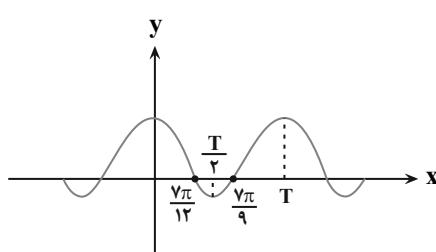
برای یافتن ارتفاع مثلث نیز کافیست عرض نقطه B را حساب کنیم:

$$f(0) = \tan \frac{\pi}{4} = 1$$

$$S = \frac{1}{2} \times 1 \times \frac{\pi}{4} = \frac{\pi}{8}$$

نکته: دوره تناوب تابع $y = \tan(ax)$ به صورت $T = \frac{\pi}{|a|}$ است.

(مسابان ۲ - مثالیات: صفحه‌های ۵۷ و ۵۹)



$$\frac{T}{2} = \frac{\frac{7\pi}{12} - \frac{7\pi}{9}}{2} \rightarrow T = \frac{49\pi}{36}$$

(مسابان ۲ - مثالیات: صفحه‌های ۵۷ و ۵۹)

(ممسن اسماعیل پور)

گزینه ۳

-۵۸

$$y = a - \cos\left(\frac{1}{2} + bx\right)\pi = a - \cos\left(\frac{\pi}{2} + b\pi x\right)$$

$$y = a + \sin b\pi x \quad (1)$$

طبق نمودار \min تابع صفر است پس:

$$0 = -1 + a \Rightarrow a = 1$$

از طرفی طبق نمودار دوره تناوب تابع داده شده برابر ۸ است پس:

$$T = \frac{\pi}{|b\pi|} = 8 \Rightarrow \begin{cases} b = \frac{1}{4} \\ b = -\frac{1}{4} \end{cases}$$

در نقطه شروع تابع روی محور y تابع نزولی است، پس یا باید ضریب \sin منفی باشد یا ضریب کمان. چون ضریب \sin در (1) مثبت است پس

$$b = -\frac{1}{4} \text{ درست است.}$$

$$y = 1 + \sin \frac{-\pi}{4} x = 1 - \sin \frac{\pi}{4} x$$

$$f(15) - 1 = -\sin \frac{15\pi}{4} = -\sin(4\pi - \frac{\pi}{4}) = \sin \frac{\pi}{4} = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

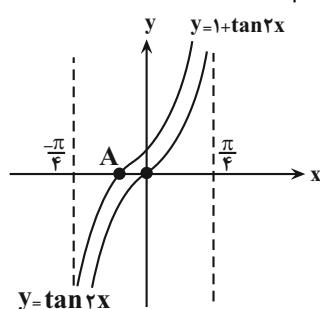
(مسابان ۲ - مثالیات: صفحه‌های ۵۷ و ۵۹)

(سروش موئینی)

گزینه ۴

-۵۹

نمودار را رسم می‌کنیم:





$$A^4 = (A^4)^T = (-4I)^4 = 256I$$

$$A^4 - A^4 = 256I + 4I = 260I = \begin{bmatrix} 260 & 0 \\ 0 & 260 \end{bmatrix}$$

بنابراین مجموع درایه‌های $A^4 - A^4$ برابر 520 است.

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها؛ صفحه‌های ۱۷ تا ۲۱)

(سعید مهدی‌پور)

گزینه «۱» - ۶۴

$$BA - I = C \Rightarrow BA = I + C \Rightarrow A = B^{-1}(I + C) \quad (۱)$$

$$B = \begin{bmatrix} 3 & -4 \\ 1 & 0 \end{bmatrix} \Rightarrow B^{-1} = \frac{1}{4} \begin{bmatrix} 0 & 4 \\ -1 & 3 \end{bmatrix} \quad (۲)$$

$$(۱), (۲) \Rightarrow A = \frac{1}{4} \begin{bmatrix} 0 & 4 \\ -1 & 3 \end{bmatrix} \left(\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 1 & -1 \\ -1 & 1 \end{bmatrix} \right)$$

$$= \frac{1}{4} \begin{bmatrix} 0 & 4 \\ -1 & 3 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 & -1 \\ -1 & 2 \end{bmatrix} = \frac{1}{4} \begin{bmatrix} -4 & 8 \\ -5 & 7 \end{bmatrix}$$

بنابراین مجموع درایه‌های سطر اول ماتریس A برابر است با:

$$\frac{1}{4}(-4+8) = 1$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها؛ صفحه‌های ۲۲ تا ۲۵)

(امیرحسین ابومصطفی)

گزینه «۱» - ۶۵

$$\begin{cases} ax + by = c \\ a'x + b'y = c' \end{cases} \text{ در صورتی فاقد جواب است که دستگاه معادلات}$$

$$\frac{a}{a'} = \frac{b}{b'} \neq \frac{c}{c'} \text{ باشد.}$$

$$\frac{a}{a'} = \frac{b}{b'} \Rightarrow \frac{1}{m+1} = \frac{1-m}{-3} \Rightarrow 1-m^2 = -3$$

$$\Rightarrow m^2 = 4 \Rightarrow m = \pm 2$$

حال به ازای هر یک از مقادیر به دست آمده، برقراری رابطه $\frac{b}{b'} \neq \frac{c}{c'}$ را بررسی می‌کنیم.

(ممدر ابراهیم‌کیانی‌زاده)

هندسه ۳

گزینه «۲» - ۶۱

ستون دوم ماتریس AB ، یک ماتریس ستونی است که از ضرب کردن تمام سطرهای ماتریس A در ستون دوم ماتریس B بدست می‌آید. به همین ترتیب ستون دوم ماتریس BA ، یک ماتریس ستونی است که از ضرب کردن تمام سطرهای ماتریس B در ستون دوم ماتریس A به دست می‌آید.

$$\begin{bmatrix} 2 & 1 & -1 \\ 1 & 3 & -2 \\ 0 & 2 & 4 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 3 \\ 1 \\ -1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 8 \\ 8 \\ -2 \end{bmatrix}$$

$$AB = 8 + 8 - 2 = 14 \text{ مجموع درایه‌های ستون دوم}$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 3 & 2 \\ 2 & 1 & 1 \\ -3 & -1 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 \\ 3 \\ 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 14 \\ 7 \\ -6 \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow BA = 14 + 7 - 6 = 15 \text{ مجموع درایه‌های ستون دوم}$$

بنابراین نسبت خواسته شده برابر $\frac{14}{15}$ است.

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها؛ صفحه‌های ۱۷ تا ۲۱)

(ممدر همی)

گزینه «۲» - ۶۶

ماتریس A به صورت زیر می‌باشد:

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 1 & \dots & 1 \\ 4 & 4 & \dots & 4 \\ 2 & 2 & \dots & 2 \\ 10 & 10 & \dots & 10 \\ 13 & 13 & \dots & 13 \end{bmatrix}$$

مجموع درایه‌های هر ستون برابر $35 = 1+4+7+10+13 = 35$ است. در

$$35 \times n = 210 \Rightarrow n = 6$$

نتیجه:

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها؛ صفحه‌های ۱۰ و ۱۱)

(امیرحسین ابومصطفی)

گزینه «۳» - ۶۴

$$A^2 = \begin{bmatrix} 1 & -1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & -1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & -2 \\ 2 & 0 \end{bmatrix}$$

$$A^4 = \begin{bmatrix} 0 & -2 \\ 2 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 & -2 \\ 2 & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -4 & 0 \\ 0 & -4 \end{bmatrix} = -4I$$



(علی ایمانی)

«گزینه ۴» - ۶۸

$$\begin{aligned} \text{جهت مطالعه: } & \frac{a}{2} = \frac{3}{1} \neq \frac{5}{2} \quad \text{جواب ندارد. بنابراین} \\ & \left\{ \begin{array}{l} ax + 3y = 5 \\ 2x + y = 2 \end{array} \right. \quad \text{دستگاه} \\ & \text{در نتیجه} \quad a = 6 \quad \text{است.} \end{aligned}$$

با جایگذاری در دستگاه معادلات خطی دوم خواهیم داشت:

$$\begin{aligned} \left\{ \begin{array}{l} 2x - ay = -2a \\ -x + 3y = a \end{array} \right. \xrightarrow{a=6} \left\{ \begin{array}{l} 2x - 6y = -12 \\ -x + 3y = 6 \end{array} \right. \\ \Rightarrow \frac{2}{-1} = \frac{-6}{3} = \frac{-12}{6} \end{aligned}$$

پس این دستگاه بی شمار جواب دارد.

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها: صفحه ۲۶)

(محمد فخران)

«گزینه ۲» - ۶۹

$$\begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 4 & 2 \\ 3 & -2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} m \\ -m \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 4m \\ 5m \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow \frac{x}{y} = \frac{4m}{5m} = \frac{4}{5}$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها: صفحه های ۲۳ تا ۲۶)

(محمدمهری ابوترابی)

«گزینه ۴» - ۷۰

$$B = \begin{bmatrix} 4 \\ 7 \end{bmatrix}, X = \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix}, A = \begin{bmatrix} 2 & a \\ 5 & -b \end{bmatrix} \quad \text{اگر} \quad \text{باشد، آنگاه داریم:}$$

$$A^{-1} = \frac{1}{|A|} \begin{bmatrix} -b & -a \\ -5 & 2 \end{bmatrix} \xrightarrow{|A|=6} A^{-1} = \frac{1}{6} \begin{bmatrix} -b & -a \\ -5 & 2 \end{bmatrix}$$

$$X = A^{-1}B = \frac{1}{6} \begin{bmatrix} -b & -a \\ -5 & 2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 4 \\ 7 \end{bmatrix} = \frac{1}{6} \begin{bmatrix} -4b - 7a \\ -20 - 14 \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -4b - 7a \\ -20 - 14 \end{bmatrix} \Rightarrow y = -1$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها: صفحه های ۲۳ تا ۲۶)

$$m = 2 \Rightarrow \frac{1-2}{-3} \neq \frac{-2}{2}$$

دستگاه جواب ندارد.

$$m = -2 \Rightarrow \frac{1-(-2)}{-3} \neq \frac{-2}{-2}$$

دستگاه جواب ندارد.

هر دو مقدار ۲ و -۲ برای m قابل قبول است و مجموع مقدار m برابر صفر می شود.

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها: صفحه ۲۶)

«گزینه ۱» - ۶۶

(امیرحسین ابومحبوب)

$$|A| = k(-k+2)-1 = -k^2 + 2k - 1 = -(k-1)^2$$

$$A^{-1} = \frac{1}{-(k-1)^2} \begin{bmatrix} -k+2 & -1 \\ -1 & k \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow A^{-1} = \frac{-1}{(k-1)^2} \underbrace{(-k+2-1-1+k)}_0 = 0$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها: صفحه های ۲۲ و ۲۳)

«گزینه ۴» - ۶۷

(یاسین سپهر)

$$B = \begin{bmatrix} r_1 & 0 & 0 \\ 0 & r_2 & 0 \\ 0 & 0 & r_3 \end{bmatrix} \quad \text{برای ماتریس قطری رابطه}$$

$$B^n = \begin{bmatrix} r_1^n & 0 & 0 \\ 0 & r_2^n & 0 \\ 0 & 0 & r_3^n \end{bmatrix} \quad \text{برقرار است. بنابراین اگر } n \text{ فرد باشد،}$$

$$A^n = \begin{bmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & -1 \end{bmatrix} \quad \text{و در صورتی که } n \text{ زوج باشد،}$$

$$A^n = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \quad \text{است. یعنی مجموع درایه های ماتریس } A^n \text{ در}$$

صورت زوج یا فرد بودن عدد n ، به ترتیب برابر ۳ و (-۱) است. در

نتیجه داریم:

$$(A^{1403} + A^{1402} + \dots + A^{1394})$$

$$= \underbrace{(-1) + 3 + \dots + (-1)}_2 + \underbrace{3}_2 = 5 \times 2 = 10$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها: صفحه های ۱۷ تا ۲۱)



$$\triangle ADE \sim \triangle ABC \Rightarrow \frac{DE}{BC} = \frac{AG}{AH} \Rightarrow \frac{DE}{3} = \frac{2}{3} \Rightarrow DE = 2$$

مثلث ADE متساوی‌الاضلاع است. از طرفی هر مثلث متساوی‌الاضلاع یک مثلث متساوی‌الساقین محسوب می‌شود، پس مجموع فواصل هر نقطه واقع بر ضلع DE از اضلاع AD و AE ، برابر اندازه ارتفاع رسم شده از رأس D در این مثلث است. با توجه به این‌که ارتفاع‌های مثلث متساوی‌الاضلاع برابر یکدیگرند، پس این مقدار برابر طول ارتفاع AG ، یعنی برابر است با:

$$\frac{\sqrt{3}}{2} DE = \frac{\sqrt{3}}{2} \times 2 = \sqrt{3}$$

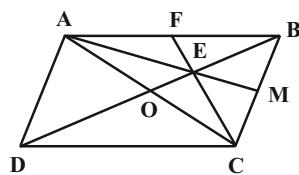
(هنرسه ا- پندرضلعی‌ها: صفحه‌های ۶۷ و ۶۸)

(امیرحسین ابومیوب)

«۳» - ۷۳

مطابق شکل قطر AC را رسم می‌کنیم، همچنین از C به E وصل کرده و ادامه می‌دهیم تا AB را در نقطه F قطع کند. پاره خط‌های AM ، BO ، CF میانه‌های مثلث ABC هستند. می‌دانیم از برخورد میانه‌های هر مثلث،

شش مثلث همساحت ایجاد می‌شود، بنابراین با فرض $S_{ABC} = S$ داریم:



$$S_{BEM} = \frac{1}{6} S_{ABC} = \frac{1}{6} S \quad (1)$$

از طرفی در مثلث ADC ، DO میانه وارد بر ضلع AC است، پس داریم:

$$S_{OCD} = \frac{1}{2} S_{ADC} \xrightarrow{S_{ADC}=S_{ABC}} S_{OCD} = \frac{1}{2} S \quad (2)$$

هندسه ۱

«۴» - ۷۱

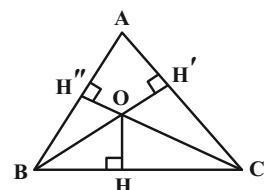
(امیرحسین ابومیوب)

می‌دانیم مجموع فواصل هر نقطه واقع در درون یک مثلث متساوی‌الاضلاع از سه ضلع آن برابر طول ارتفاع مثلث است، پس داریم:

$$h_a = 2 + 1 + \sqrt{3} = 3 + \sqrt{3} \Rightarrow \frac{\sqrt{3}}{2} a = 3 + \sqrt{3}$$

مطابق فرض فاصله نقطه O از ضلع BC ، برابر $\sqrt{3}$ است،

بنابراین داریم:



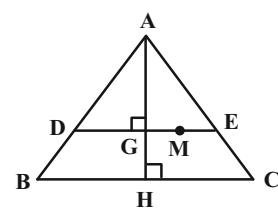
$$S_{OBC} = \frac{1}{2} OH \times BC = \frac{1}{2} \times \sqrt{3} \times a$$

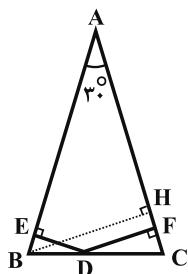
$$= \frac{\sqrt{3}}{2} a = 3 + \sqrt{3}$$

(هنرسه ا- پندرضلعی‌ها: صفحه ۶۸)

«۳» - ۷۲

پاره خط DE موازی ضلع BC رسم شده است، پس طبق قضیه اساسی تشابه، دو مثلث ADE و ABC متشابه‌اند. در دو مثلث متشابه نسبت ارتفاع‌ها برابر نسبت تشابه (نسبت اضلاع متناظر) است. از طرفی می‌دانیم میانه‌های هر مثلث یکدیگر را به نسبت ۲ به ۱ قطع می‌کنند، بنابراین داریم:





از طرفی می‌دانیم مجموع فاصله‌های هر نقطه واقع بر قاعده مثلث

متساوی الساقین از دو ساق آن، برابر طول ارتفاع وارد بر ساق است، پس داریم:

$$DE + DF = BH \Rightarrow 3 + 5 = \frac{1}{2} AB \Rightarrow AB = 16$$

(هنرسه - پند ضلعی‌ها؛ صفحه ۶۸)

(فرزانه کاکپاشن)

گزینه «۲» -۷۶

اگر تعداد نقاط مرزی و درونی یک چندضلعی شبکه‌ای به ترتیب برابر

b و i باشد، آن‌گاه طبق فرمول پیک، مساحت این چندضلعی برابر

$$S = \frac{b}{2} + i - 1$$

$$13 = \frac{b}{2} + 2b - 1 - 1 \Rightarrow \frac{5b}{2} = 15 \Rightarrow b = 6$$

این چندضلعی شبکه‌ای، شش نقطه مرزی دارد.

(هنرسه - پند ضلعی‌ها؛ صفحه‌های ۶۹ تا ۷۱)

(ریتم مسئنگ نظم)

گزینه «۱» -۷۷

فرض کنید مساحت شکل‌های بیرونی و درونی را به ترتیب با S' و S نمایش

دهیم. در این صورت طبق فرمول پیک داریم:

$$\frac{(1), (2)}{} \frac{S_{BEM}}{S_{EMCD}} = \frac{\frac{1}{6}S}{\frac{1}{3}S + \frac{1}{2}S} = \frac{\frac{1}{6}S}{\frac{5}{6}S} = \frac{1}{5}$$

(هنرسه - پند ضلعی‌ها؛ صفحه‌های ۶۶ و ۶۷)

(بوارهاتمنی)

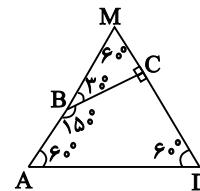
گزینه «۴» -۷۴

دو ضلع AB و CD را امتداد می‌دهیم تا یکدیگر را در نقطه M قطع کنند.

مثلث MAD متساوی‌الاضلاع است. همچنین با توجه به اندازه زوایای داده

شده، BC بر BC عمود و مثلث MCB قائم‌الزاویه است. اگر $BC = x$

باشد، آن‌گاه $AD = x + 2$ و داریم:



$$\Delta MCB : \tan 60^\circ = \frac{BC}{MC} \Rightarrow \sqrt{3} = \frac{x}{MC} \Rightarrow MC = \frac{x}{\sqrt{3}}$$

$$S_{ABCD} = S_{MAD} - S_{MCB} = \frac{\sqrt{3}}{4} AD^2 - \frac{1}{2} BC \times MC$$

$$= \frac{\sqrt{3}}{4} (x+2)^2 - \frac{1}{2} (x) \left(\frac{x}{\sqrt{3}} \right) = \frac{\sqrt{3}}{4} (x+2)^2 - \frac{\sqrt{3}}{6} x^2$$

$$= \frac{\sqrt{3}}{12} (4x^2 + 16x + 16 - 2x^2) = \frac{\sqrt{3}}{12} (2x^2 + 16x + 16)$$

$$\frac{\sqrt{3}}{12} (x^2 + 12x + 12) = \frac{19}{4} \sqrt{3}$$

$$\Rightarrow x^2 + 12x + 12 = 57 \Rightarrow x^2 + 12x - 45 = 0$$

$$\Rightarrow (x-3)(x+15) = 0$$

در نتیجه $BC = x = 3$

(هنرسه - پند ضلعی‌ها؛ صفحه ۶۵)

گزینه «۳» -۷۵

(رخا عباس اصل)

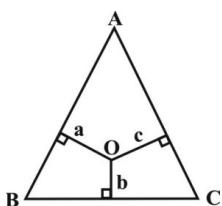
از B بر AC عمود رسم می‌کنیم. در مثلث قائم‌الزاویه ABH داریم:

$$\hat{A} = 30^\circ \Rightarrow BH = \frac{1}{2} AB$$



$$\begin{cases} a+b+c = \frac{\sqrt{3}}{2} \times 20\sqrt{3} = 30 \\ a+b-c = 10 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} a+b+c = 30 \\ -a-b+c = -10 \end{cases}$$

$$\Rightarrow 2c = 20 \Rightarrow c = 10.$$

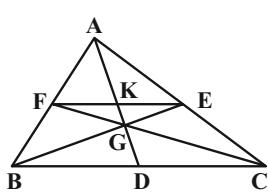


(هنرسه ا- پند ضلعی ها: صفحه های ۶۹ و ۶۱)

(علی ایمانی)

$$\frac{AF}{FB} = \frac{AE}{EC} = 1$$

عكس قضیة تالس $\rightarrow FE \parallel BC$



«۴» -۸۰

$$\Rightarrow \frac{EF}{BC} = \frac{AE}{AC} = \frac{1}{2}$$

با توجه به موازی بودن FE و BC , دو مثلث BGC و EGF به دلیل

تساوی زاویه ها متشابه هستند. از طرفی GK و GD میانه های نظیر اضلاع

BC و EF در این دو مثلث هستند، بنابراین داریم:

$$\frac{GD}{GK} = \frac{BC}{EF} = 2 \Rightarrow GD = 2GK = 6$$

از طرفی G نقطه همرسی میانه های مثلث ABC است، پس داریم:

$$GD = \frac{1}{3}AD \Rightarrow 6 = \frac{1}{3}AD \Rightarrow AD = 18$$

(هنرسه ا- پند ضلعی ها: صفحه ۶۷)

$$S = \frac{b}{2} + i - 1 = \frac{5}{2} + 14 - 1 = 15/5$$

$$S' = \frac{b'}{2} + i' - 1 = \frac{5}{2} + 0 - 1 = 1/5$$

$$\text{مساحت قسمت سایه زده} = S - S' = 15/5 - 1/5 = 14/5$$

(هنرسه ا- پند ضلعی ها: صفحه های ۶۹ تا ۷۱)

(محمد فخران)

«۴» -۷۸

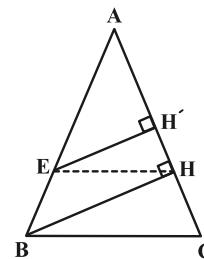
است، پس دو مثلث AEH و ABC متشابه اند، یعنی مثلث

AEH نیز متساوی الساقین است. مجموع فواصل هر نقطه دلخواه روی

$AB = 5x$ است. اگر $AB = 5x$ است. اگر x برابر ارتفاع وارد بر ساق مثلث AEH باشد، آنگاه $AH = 3x$ است و داریم:

$$\Delta AHB : BH^2 = AB^2 - AH^2 = 25x^2 - 9x^2 = 16x^2$$

$$\Rightarrow BH = 4x$$



$$\Delta AHB : EH' \parallel BH \xrightarrow{\text{تممیم قضیه تالس}} \frac{EH'}{BH} = \frac{AE}{AB}$$

$$\Rightarrow \frac{EH'}{4x} = \frac{3x}{5x} \Rightarrow EH' = \frac{12}{5}x = \frac{12}{25}(5x) = \frac{12}{25}AC$$

(هنرسه ا- پند ضلعی ها: صفحه ۶۸)

(محمد ابراهیم کیمی زاده)

«۳» -۷۹

مجموع فاصله های هر نقطه درون مثلث متساوی الاضلاعی به طول ضلع x از

سه ضلع آن، برابر طول ارتفاع مثلث یعنی $\frac{\sqrt{3}}{2}x$ است.



گزینه «۱»:

$$a = 2k + 1, (k \in \mathbb{Z}) \Rightarrow a^3 = (2k + 1)^3 \Rightarrow a^3 = 8k^3 + 12k^2 + 6k + 1$$

$$= 8\underbrace{k(k+1)}_{2k'} + 1 = 8k' + 1$$

گزینه «۲»:

$$a = k(k+1), (k \in \mathbb{N}) \Rightarrow a + 1 = k(k+1) + 1$$

$$= 2k^2 + 2k + 1 = (2k + 1)^2$$

گزینه «۴»:

$$a = 2k - 1, (k \in \mathbb{Z}) \Rightarrow a^3 = (2k - 1)^3 = 8k^3 - 12k^2 + 6k - 1$$

$$= 2\underbrace{(2k^2 - 2k)}_{k'} + 1 = 2k' + 1$$

$$a^3 = (2k - 1)^3 = 8k^3 - 12k^2 + 6k - 1 = 2\underbrace{(4k^3 - 6k^2 + 3k)}_{k''} - 1 = 2k'' - 1$$

(ریاضیات گسسته- آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۲، ۳ و ۸)

(همون نویائی)

گزینه «۴»:

$$\begin{aligned} 2x + 3y &\equiv 4 \xrightarrow{x_2} 4x + 6y \equiv 8 \\ 5x + 6y &\equiv 3 \end{aligned} \quad \left\{ \begin{array}{l} \text{تفاضل} \\ \text{نفاذ} \end{array} \right. \quad x \equiv -5 \equiv 2$$

$$\Rightarrow x = 7k + 2 \quad (k \in \mathbb{Z})$$

(ریاضیات گسسته- آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۱۸ تا ۲۲)

(افشین فاصله خان)

گزینه «۳»:

$$\begin{aligned} d | 2a - 5 &\xrightarrow{x_2} d | 4a - 10 \\ d | 4a + 4 & \end{aligned} \quad \left\{ \begin{array}{l} \text{تفاضل} \\ \text{نفاذ} \end{array} \right. \quad d | 14$$

با توجه به اینکه $2a - 5$ عددی فرد است، پس d قطعاً فرد بوده و چون $d \neq 1$ ، پس $d = 7$ است.

رقم يکان هر عدد طبیعی با خود عدد به بیمانه ۱۰ هم نهشت است، پس داریم:

$$13^{10} \equiv 3^3 \Rightarrow 13^7 \equiv 3^7$$

$$3^2 \equiv 9 \xrightarrow{x_3} 3^6 \equiv -1 \xrightarrow{x_3} 3^2 \equiv -3 \equiv 7$$

$$\Rightarrow 13^7 \equiv 7$$

(ریاضیات گسسته- آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۹ تا ۱۴ و ۱۷)

(متقار منحصری)

$$\frac{a^2}{b} + \frac{b^2}{a} \geq a + b \Leftrightarrow \frac{a^2 + b^2}{ab} \geq a + b$$

$$\xleftarrow{ab > 0} a^2 + b^2 \geq ab(a + b)$$

$$\Leftrightarrow (a + b)(a^2 - ab + b^2) \geq ab(a + b)$$

$$\xleftarrow{a+b > 0} a^2 - ab + b^2 \geq ab$$

$$\Leftrightarrow a^2 - 2ab + b^2 \geq 0 \Leftrightarrow (a - b)^2 \geq 0$$

(ریاضیات گسسته- آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۶ تا ۷)

گزینه «۲»:

-۸۱

گزینه «۳»:

-۸۲

(علیرضا شریف‌فطیان)

$$b \quad c \quad a \quad d$$

$$4 \times 3 = 6 \times 2$$

$$3^2 / 6 \times 2$$

$$4 \neq 2 \quad 3 \neq 6$$

$$4 \times 9 / 6 \times 2$$

$$ad = bc \Rightarrow a | bc \Rightarrow a | bc^2$$

گزینه «۴»:

-۸۳

(ریاضیات گسسته- آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۹ تا ۱۲)

گزینه «۳»:

-۸۴

(علی‌اکبر علی‌زاده)

$$\frac{n^3(n+1)^3}{4} = \frac{n(n+1)}{2} = 7 \Rightarrow \frac{n(n+1)}{2} = 7k$$

$$\Rightarrow n(n+1) = 14k$$

هر کدام از اعداد $n + 1$ یا n مضرب ۷ باشد، $n(n+1)$ مضرب ۱۴ خواهد

بود. زیرا قطعاً یکی از آنها زوج است.

$$n = 6, 7, 13, 14, 20, 21, 27, 28$$

(ریاضیات گسسته- آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۳ و ۵)

گزینه «۲»:

-۸۴

(علی‌ایمانی)

$$3 | a + 2b \xrightarrow{2 \text{ به توان}} 3 | (a + 2b)^2 \Rightarrow 9 | a^2 + 4ab + 4b^2$$

$$\xrightarrow{x_4} 9 | 4a^2 + 16ab + 16b^2 \quad \left\{ \begin{array}{l} \text{تفاضل} \\ 9 | 18b^2 + 27ab \end{array} \right. \quad 9 | 4a^2 - 11ab - 2b^2$$

$$\Rightarrow k = -11$$

(ریاضیات گسسته- آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۹ تا ۱۲)

گزینه «۳»:

-۸۵

(نیلوفر مهروری)

۱۱ عددی فرد و اول است که به صورت هیچ‌یک از فرم‌های

$+1 + 2^n - 2^n$ نوشته نمی‌شود، بنابراین گزینه «۳» نادرست است. حال به

اثبات دیگر گزینه‌ها می‌پردازیم:



ریاضیات کسرسته - آشنا

(کتاب آین)

گزینه ۴

تمام اعداد طبیعی به جز اعدادی که به صورت توانی از ۲ هستند را می‌توان به صورت مجموع حداقل دو عدد طبیعی متوالی نوشت. درین گزینه‌ها تنها $2^6 = 64$ را نمی‌توان به صورت مجموع اعداد طبیعی متوالی نوشت.

(ریاضیات کسرسته - آشنا برای نظریه اعداد، صفحه‌های ۲ و ۳)

(کتاب آین)

گزینه ۲

$$\begin{aligned} a^2c^2 + a^2d^2 + b^2c^2 + b^2d^2 &\geq a^2c^2 + b^2d^2 + 2acbd \\ \Leftrightarrow a^2d^2 - 2acbd + b^2c^2 &\geq 0 \Leftrightarrow (ad - bc)^2 \geq 0 \end{aligned}$$

(ریاضیات کسرسته - آشنا برای نظریه اعداد، صفحه‌های ۷ و ۸)

(کتاب آین)

گزینه ۳

$$\begin{aligned} xy + 5 = 2(x + y) &\Rightarrow xy + 5 = 2x + 2y \\ \Rightarrow xy - 2y = 2x - 5 &\Rightarrow y(x - 2) = 2x - 5 \Rightarrow y = \frac{2x - 5}{x - 2} \end{aligned}$$

حال برای آن که y مقداری طبیعی باشد، باید صورت بر مخرج بخش پذیر باشد، یعنی:

$$\left. \begin{array}{l} x - 2 \mid 2x - 5 \\ x - 2 \mid x - 2 \xrightarrow{x-2} x - 2 \mid 2x - 4 \end{array} \right\}$$

$$\xrightarrow{\text{تفاضل}} x - 2 \mid (2x - 5) - (2x - 4) \Rightarrow x - 2 \mid -1$$

$$\Rightarrow \begin{cases} x - 2 = 1 \Rightarrow x = 3 \Rightarrow y = \frac{6 - 5}{3 - 2} = 1 \\ x - 2 = -1 \Rightarrow x = 1 \Rightarrow y = \frac{2 - 5}{1 - 2} = 3 \end{cases}$$

بنابراین دو نقطه با مختصات طبیعی روی این منحنی یافت می‌شود.

(ریاضیات کسرسته - آشنا برای نظریه اعداد، صفحه‌های ۹ تا ۱۲)

(کتاب آین)

گزینه ۴

$$\left. \begin{array}{l} d \mid 3n + 5 \xrightarrow{xn} d \mid 3n^2 + 5n \\ d \mid 3n^2 - 7n + 6 \end{array} \right\}$$

$$\xrightarrow{\text{تفاضل}} d \mid 7n - 6$$

$$\left. \begin{array}{l} d \mid 3n + 5 \xrightarrow{x7} d \mid 21n + 35 \\ d \mid 7n - 6 \xrightarrow{x3} d \mid 21n - 18 \end{array} \right\}$$

(امیرحسین ابوالصوب)

گزینه ۱

با توجه به اینکه تعداد روزهای هفته برابر ۷ است، کافی است تعداد روزهای بین ۱۵ خرداد تا ۱۳ آبان را به دست آورده و باقی‌مانده تقسیم آن را بر ۷

$$\begin{aligned} 7 &= \text{تعداد روزها} \\ 152 &\equiv 5 \Rightarrow 152 \equiv 5 \quad 3 \times 31 + 30 + 13 \downarrow + 16 \downarrow = 152 \\ \text{آبان مهر تیر تا شهریور خرداد} & \end{aligned}$$

دوشنبه	سه شنبه	چهارشنبه	پنجشنبه	جمعه	شنبه	یکشنبه
۰	۱	۲	۳	۴	۵	۶

حال مطابق جدول اگر روز مبدأ یعنی دوشنبه را معادل صفر فرض کنیم، روز

شنبه معادل ۵ است، پس ۱۳ آبان باید روز شنبه باشد.

(ریاضیات کسرسته - آشنا برای نظریه اعداد، صفحه ۲۴)

گزینه ۱

دو عدد $+9$ و $2a - 4$ در یک دسته هم‌نهشتی به پیمانه ۱۱ قرار دارند،

پس این دو عدد به پیمانه ۱۱ هم‌نهشت هستند.

$$11 \quad 11 \quad 11 \\ ya - 4 \equiv 2a + 9 \Rightarrow 5a \equiv 13 \equiv 13 + 2 \times 11 \equiv 35$$

$$\frac{+5}{(5,11)=1} \rightarrow a \equiv 7$$

$$a \equiv 7 \xrightarrow{\text{به توان } 3} a^3 \equiv 343 \equiv 3 - 4 + 2 \equiv 2$$

$$a \equiv 7 \xrightarrow{\text{به توان } 2} a^2 \equiv 49 \equiv 5$$

$$a \equiv 7 \xrightarrow{x3} 3a \equiv 21 \equiv 10$$

$$a^3 + a^2 + 3a + b \equiv 2 + 5 + 10 + b \equiv 17$$

$$\Rightarrow b \equiv -10 \equiv 1 \Rightarrow b = 11k + 1 \quad (k \in \mathbb{Z})$$

پس به ازای $a, b = 1$ ، عدد $b = 11k + 1$ [۷] تعلق دارد.

(ریاضیات کسرسته - آشنا برای نظریه اعداد، صفحه‌های ۱۸ تا ۲۵)

گزینه ۱

(علیرضا کلانتری)

اگر $4 \geq n$ باشد، آنگاه $n! \equiv 0$ است، بنابراین داریم:

$$12 \quad 12 \\ x(1! + 2! + 3! + 0 + 0 + \dots + 0) \equiv 3 \Rightarrow 9x \equiv 3$$

$$\Rightarrow 9x \equiv 3 \equiv -9 \xrightarrow{(9,12)=3} x \equiv -1 \equiv 3 \Rightarrow x = 4k + 3 \quad (k \in \mathbb{Z})$$

$$10 \leq 4k + 3 \leq 99 \Rightarrow 7 \leq 4k \leq 96 \Rightarrow 2 \leq k \leq 24$$

$$\Rightarrow k = 23 \quad \text{تعداد مقادیر } k$$

(ریاضیات کسرسته - آشنا برای نظریه اعداد، صفحه‌های ۲۴ و ۲۵)



$$6q + 5 \equiv 13 \Rightarrow 6q \equiv 8 \equiv 42 \quad \begin{matrix} +6 \\ (6, 12) = 1 \end{matrix} \quad q \equiv 7$$

$$\Rightarrow q = 12k + 7$$

$$A = 23(12k + 7) + 5 = 391k + 166$$

$$12 \quad 12 \\ A \equiv 391k + 166 \equiv 7k - 2$$

با توجه به آن که A عددی سه رقمی است پس حداقل k برابر با ۲

$$12 \quad 12 \\ A \equiv 12 \equiv 0 \quad \text{می باشد. در نتیجه داریم:}$$

(ریاضیات گستره- آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه های ۱۸ تا ۲۲)

(کتاب آبی)

گزینه «۲»

ابتدا مشخص می کنیم فاصله ۱۵ آبان با اول فروردین چند روز است و سپس باقی مانده آن را بر ۷ پیدا می کنیم.

$$d = \frac{۳۰}{\substack{\downarrow \\ آبان}} + \frac{۵ \times ۳۱}{\substack{\downarrow \\ فروردین}} + \frac{۳۰}{\substack{\downarrow \\ مهر}} + \frac{۱۵}{\substack{\downarrow \\ اردیبهشت}} = ۲۳۰ \Rightarrow ۲۳۰ \equiv 6$$

حال اگر مبدأ را چهارشنبه در نظر بگیریم.
متوجه می شویم که ۱۵ آبان، سه شنبه است.

۴ شنبه	۵ شنبه	جمعه	شنبه	شنبه	شنبه	۲ شنبه	۳ شنبه
۰	۱	۲	۳	۴	۵	۶	

(ریاضیات گستره- آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه ۲۴)

(کتاب آبی)

گزینه «۱»

$$m = \overline{aa} + 100 \times 5 \times \overline{aa} = 50(10a + a)$$

$$= 50 \times 1 \times 11a = 5511a = 1837 \times 3a \equiv 0$$

تذکر: وقتی عدد \overline{aa} دو رقم به سمت چپ منتقل می شود یعنی $\overline{aa} \equiv 0$.
مقدار آن ۱۰۰ برابر می گردد.

(ریاضیات گستره- آشنایی با نظریه اعداد؛ مشابه فعالیت صفحه ۲۲)

$$\xrightarrow{\text{تفاضل}} d | 53 \quad \xrightarrow{d \neq 1} d = 53$$

(ریاضیات گستره- آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه های ۹ تا ۱۴)

(کتاب آبی)

گزینه «۳»

چون $r = q$ پس داریم: $a = bq + q$ و با توجه به مفروضات مسئله $a = (b - 3)(q + 5) + 0$ می توان نوشت:

$$bq + q = bq + 5b - 3q - 15 \Rightarrow 4q = 5(b - 3)$$

از این رابطه معلوم می شود که طرف چپ مضرب ۵ است. یعنی $5 | 4q$ و چون ۴ مضربی از ۵ نیست، پس q باید مضرب ۵ باشد.

(ریاضیات گستره- آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه ۱۰)

(کتاب آبی)

گزینه «۳»

اگر خارج قسمت و باقی مانده را به ترتیب با q و r نمایش دهیم، داریم:

$$q + r = 12 \Rightarrow q = 12 - r$$

$$a = 12q + r = 12(12 - r) + r = 221 - 12r$$

$$\Rightarrow a - 8 = 213 - 12r = 192 - 12r + 21 = 12(16 - r) + 21$$

با توجه به فرض، $12 \leq r \leq 5$ بوده یعنی فضای نمونه شامل ۱۳ عضو است.
برای اینکه باقی مانده تقسیم $a - 8$ بر عدد ۳۶، برابر ۲۱ باشد، لازم است

$r - 16$ مضرب ۳ شود که در این صورت مقادیر ۱، ۴، ۷، ۱۰ و ۱۳ برای r قابل قبول است، یعنی پیشامد تصادفی شامل ۴ عضو بوده و احتمال مورد نظر برابر

$\frac{4}{13}$ است.

(ریاضیات گستره- آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه ۱۰)

(کتاب آبی)

گزینه «۳»

کوچکترین عددی به صورت $n!$ که مضرب ۳۶ باشد، عدد ۶ است، پس داریم:

$$10 - m = 6 \Rightarrow m = 4$$

بنابراین باید باقی مانده تقسیم 123^4 را بر ۱۵ به دست آوریم:

$$15 \quad 15 \quad 15 \\ 4^2 \equiv 1 \quad 4^4 \equiv 1 \quad 4^6 \equiv 1 \quad \xrightarrow{\text{به توان}} 122 \quad 123 \quad 123 \quad 123 \equiv 4$$

(ریاضیات گستره- آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه های ۱۸ تا ۲۲)

(کتاب آبی)

گزینه «۱»

$$\left. \begin{array}{l} A \equiv 5 \Rightarrow A = 23q + 5 \\ 12 \quad 12 \quad 12 \\ 2A \equiv 9 \equiv 26 \Rightarrow A \equiv 13 \end{array} \right\} \Rightarrow 23q + 5 \equiv 13$$



در ضمن با انتقال عقربه مغناطیسی از نقطه A به نقطه B، عقربه از حالت افقی

در نقطه A به حالت عمودی در نقطه B تغییر می‌کند. بنابراین عقربه

مغناطیسی ۹۰ درجه چرخیده است.

(فیزیک ۲- مغناطیس؛ صفحه‌های ۹۳ تا ۹۷)

(عبدالرضا امین‌نسب)

«۲» - ۱۰۳ گزینه

با استفاده از رابطه نیروی وارد بر سیم حامل جریان در میدان مغناطیسی،

می‌توان نیرو را به دست آورد.

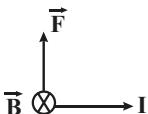
$$F = I\ell B \sin \theta \rightarrow B = 1.0 \text{ T}, I = 1.2 \text{ A}, \ell = 1.0 \text{ cm} = 0.01 \text{ m}, \theta = 90^\circ$$

$$F = 1.2 \times 10^{-3} \times \sin 90^\circ \Rightarrow F = 6 \times 10^{-2} \text{ N} = 0.06 \text{ N}$$

با توجه به جهت میدان مغناطیسی و جهت جریان الکتریکی، نیروی مغناطیسی

وارد بر سیم به طرف بالا است. دقت کنید، جهت شمال را با علامت \otimes و

جهت جنوب را با علامت \odot نشان می‌دهیم.



(فیزیک ۲- مغناطیس؛ صفحه‌های ۹۱ تا ۹۵)

(فسرو ارغوانی فرد)

«۴» - ۱۰۴ گزینه

با توجه به شکل باید برای تعادل میله، طبق قانون اول نیوتون نیروی

مغناطیسی به بزرگی $2N$ رو به بالا به آن وارد شود. با توجه به جهت جریان

و نیروی مغناطیسی جهت میدان مغناطیسی برون‌سو می‌باشد. چون جرم میله

۵۰ گرم و جرم هر متر آن ۱۰ گرم است، طول میله ۵ متر می‌باشد.

(ممکن منحصری)

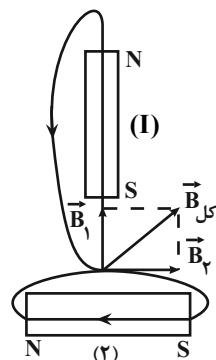
۲ فیزیک

«۳» - ۱۰۱ گزینه

با توجه به این که خطوط میدان مغناطیسی در خارج آهنربا از قطب N خارج و

به قطب S وارد می‌شود، بردار برایند میدان در نقطه P به صورت زیر

خواهد بود:



(فیزیک ۲- مغناطیس؛ صفحه‌های ۸۴ تا ۸۷)

(علیرضا کوشه)

«۲» - ۱۰۲ گزینه

با توجه به شکل، اگر انگشت شست دست راست را در جهت جریان

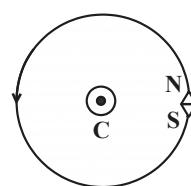
الکتریکی قرار دهیم، جهت خم شدن چهار انگشت دست راست جهت N را

نشان می‌دهد یا به عبارت دیگر، باید انگشت شست دست راست را طوری

در امتداد سیم قرار دهیم که چهار انگشت دست راست که جهت خطهای

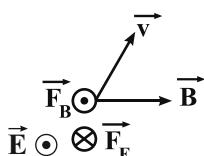
میدان مغناطیسی را نشان می‌دهد. وارد قطب S عقربه مغناطیسی شود.

بنابراین، باید جریان الکتریکی در سیم برون‌سو باشد.





مطابق شکل زیر و با استفاده از قاعدة دست راست، جهت نیروی مغناطیسی وارد بر الکترون از طرف میدان مغناطیسی، برونو سو است. بنابراین جهت نیروی الکتریکی باید درون سو باشد. چون بر بار منفی در خلاف جهت میدان الکتریکی نیرو وارد می شود، لذا جهت میدان الکتریکی باید برونو سو باشد.

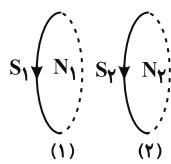


(فیزیک ۲ - مغناطیس: صفحه های ۹۰ و ۹۱)

(معدی میرابزاده)

«۱۰۷ - گزینه ۲»

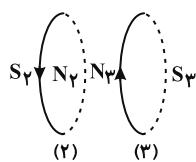
وقتی دو حلقه حامل جریان (۱) و (۲) یکدیگر را جذب می کنند، جهت جریان دو حلقه هم جهت می باشند.



دو حلقه (۲) و (۳) یکدیگر را دفع می کنند، بنابراین جهت جریان دو حلقه در خلاف

جهت یکدیگر است. درنتیجه جهت جریان I_2 مخالف I_1 و جهت جریان I_3

مخالف I_1 است.



(فیزیک ۲ - مغناطیس: صفحه های ۹۰ تا ۹۶)

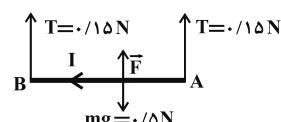
(عبدالرضا امینی نسب)

«۱۰۸ - گزینه ۳»

ابتدا به کمک رابطه اندازه میدان مغناطیسی در مرکز پیچه تخت، تعداد دورهای پیچه را محاسبه می کنیم، داریم:

$$F_T = ma = 0 \Rightarrow 2T + F = mg$$

$$\Rightarrow 0 / ۳ + F = ۰ / ۵ \Rightarrow F = ۰ / ۲N$$



$$F = BIL \sin \alpha$$

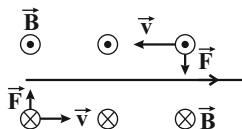
$$۰ / ۲ = B \times ۴ \times ۵ \times ۱ \Rightarrow B = ۰ / ۰۱ T$$

(فیزیک ۲ - مغناطیس: صفحه های ۹۱ تا ۹۴)

(شهرام احمدی دارانی)

«۱۰۵ - گزینه ۳»

بنابر قاعدة دست راست و با توجه به جهت جریان در سیم، جهت میدان مغناطیسی در بالای سیم برونو سو و در زیر سیم درون سو است. از طرف دیگر بنابر قاعدة دست راست برای تعیین جهت نیرو، نیروی وارد بر هر دو بار به طرف سیم است، لذا هر دو بار الکتریکی جذب سیم می شوند. دقت کنید که بار q_1 منفی است.



(فیزیک ۲ - مغناطیس: صفحه های ۹۰ و ۹۱)

(زهره آقامحمدی)

«۱۰۶ - گزینه ۴»

برای اینکه ذره بدون انحراف به حرکت خود ادامه دهد، باید نیروی خالص وارد بر آن صفر شود. بنابراین نیرویی که از طرف میدان های مغناطیسی و الکتریکی بر آن وارد می شود باید هماندازه و در خلاف جهت یکدیگر باشند.

$$F_B = F_E \Rightarrow |q| vB \sin \theta = |q| E \Rightarrow E = vB \sin \theta$$

$$\Rightarrow E = ۲ \times ۱۰^۵ \times ۴ \times ۱۰^{-۴} \times \frac{۱}{۲} = ۴۰۰ \frac{N}{C}$$

حالت (۲): $B_P > B_Q$

$$B_T = B_P - B_Q \Rightarrow ۲/۴ = B_P - ۱۴/۴$$

$$\Rightarrow B_P = ۱۶/۸G = ۱۶/۸ \times ۱0^{-۴} T$$

$$B_P = \mu_0 \frac{N_P}{l_P} I_P \Rightarrow ۱۶/۸ \times ۱0^{-۴} = \frac{۱۲ \times ۱0^{-۷} \times ۱۰۰}{۰/۵} \times I_P$$

$$\Rightarrow I_P = ۷A$$

(فیزیک ۲ - مغناطیس؛ صفحه‌های ۹۹ و ۱۰۰)

(انسان ایرانی)

«۳» - گزینه‌ها:

بررسی گزینه‌ها:

۱) آلیازهای آهن جزو مواد فرومغناطیس سخت می‌باشند که حجم حوزه

مغناطیسی آن‌ها به سختی تغییر می‌کند.

۲) نیکل جزء مواد فرومغناطیس می‌باشد و دارای حوزه مغناطیسی است.

۳) موادی نظیر نقره، مس، بیسموت و سرب به‌طور ذاتی فاقد خاصیت مغناطیسی هستند.

۴) مواد دیامغناطیس به‌طور ذاتی فاقد خاصیت مغناطیسی هستند. این مواد شامل نقره، مس و بیسموت است. آلومنیم و سدیم از جمله مواد پارامغناطیس هستند.

(فیزیک ۲ - مغناطیس؛ صفحه‌های ۱۰۱ تا ۱۰۳)

$r = ۵cm = ۵ \times ۱0^{-۲} m$

$B = \frac{\mu_0 NI}{r} \quad B = ۴G = ۴ \times ۱0^{-۴} T$

$4 \times 10^{-4} = \frac{4\pi \times ۱0^{-7} \times N \times 1}{2 \times ۵ \times ۱0^{-2}}$

$\Rightarrow ۴ \times ۱0^{-4} = ۴\pi \times ۱0^{-6} \times N \Rightarrow N = \frac{۴ \times ۱0^{-4}}{4\pi \times ۱0^{-6}}$

$\Rightarrow N = \frac{۱۰۰}{\pi}$

اکنون به کمک رابطه $L = 2\pi r N$ طول سیم را محاسبه می‌کنیم، داریم:

$L = 2\pi r N = 2\pi \times ۵ \times \frac{۱۰۰}{\pi} = ۱۰۰ cm = ۱۰ m$

(فیزیک ۲ - مغناطیس؛ صفحه‌های ۹۷ تا ۹۹)

(مفهوم واقعی)

«۴» - گزینه‌ها:

با توجه به رابطه بزرگی میدان مغناطیسی درون یک سیم‌لوله آرمانی داریم:

$B_Q = \mu_0 \frac{N_Q}{l_Q} I_Q = ۱۲ \times ۱0^{-۷} \times \frac{۱۵۰}{۰/۵} \times ۴ \Rightarrow B_Q = ۱۴/۴ G$

با توجه به این‌که میدان‌های B_P و B_Q در نقطه M در خلاف جهت

یک‌دیگر هستند و در صورت سؤال بزرگی میدان خالص را داده است و جهت

آن را مشخص نکرده است، پس باید هر دو حالت زیر بررسی شود:

حالت (۱): $B_Q > B_P$

$B_T = B_Q - B_P \Rightarrow ۲/۴ = ۱۴/۴ - B_P$

$\Rightarrow B_P = ۱۲G = ۱۲ \times ۱0^{-۴} T$

$B_P = \mu_0 \frac{N_P}{l_P} I_P \Rightarrow ۱۲ \times ۱0^{-۴} = ۱۲ \times ۱0^{-۷} \times \frac{۱۰۰}{۰/۵} \times I_P$

$\Rightarrow I_P = ۵A$

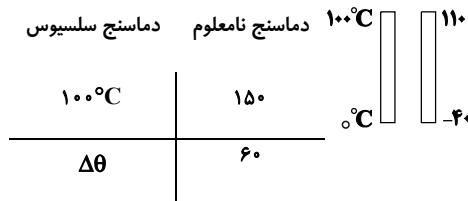


(امیرحسین برادران)

«۱۱۴- گزینه ۴»

ابتدا با یک تناسب ساده، میزان افزایش دمای میله را برحسب درجه سلسیوس به دست می‌آوریم:

$$\text{تفییر دمای دما} = 15^{\circ}\text{C} - (-40^{\circ}\text{C}) = 15^{\circ}\text{C}$$



$$\Rightarrow \Delta\theta = 60 \times \frac{100}{150} = \frac{600}{15} = 40^{\circ}\text{C}$$

اکنون ضریب انبساط طولی میله را در SI به دست می‌آوریم:

$$\frac{\Delta L = \frac{1}{3}L_1}{\Delta\theta = 40^{\circ}\text{C}} \rightarrow \frac{1}{3}L_1 = L_1 \times \alpha \times 40 \Rightarrow \alpha = \frac{1}{4} \times 10^{-4} \frac{1}{^{\circ}\text{C}}$$

$$\frac{1^{\circ}\text{C} = \frac{9}{5}\text{F}}{\Delta\theta = 40^{\circ}\text{C}} \rightarrow \alpha = \frac{1}{4} \times 10^{-4} \times \frac{1}{\frac{9}{5}\text{F}} = \frac{5}{4} \times 10^{-4} \times \frac{1}{^{\circ}\text{F}}$$

$$= \frac{5}{12} \times 10^{-4} \frac{1}{^{\circ}\text{F}}$$

$$\Rightarrow 2\alpha = 2 \times \frac{5}{12} \times 10^{-4} = \frac{5}{6} \times 10^{-4} \frac{1}{^{\circ}\text{F}} = \text{ضریب انبساط سطحی}$$

(فیزیک - دما و گرمایی، صفحه‌های ۸۱ تا ۹۳)

(امیر پورسیف)

«۱۱۵- گزینه ۱»

ابتدا با استفاده از رابطه تغییر طول در اثر انبساط گرمایی و با توجه به این که تغییر شعاع و تغییر دمای دو کره یکسان است، رابطه بین شعاع اولیه کره و همچنین حجم ظاهری اولیه آنها را می‌یابیم:

$$\Delta R_A = \Delta R_B \xrightarrow{\Delta R = \alpha R \Delta\theta} \alpha_A R_{1A} \Delta\theta_A = \alpha_B R_{1B} \Delta\theta_B$$

$$\xrightarrow{\alpha_A = \alpha_B} R_{1A} = R_{1B} \xrightarrow{V_{\text{ظاهری}} = \frac{4}{3}\pi R^3}$$

$$V_{1A} = V_{1B} \text{ ظاهری}$$

می‌بینیم حجم ظاهری دو کره با هم برابر است.

(محمد اکبری)

فیزیک ۱

«۱۱۱- گزینه ۱»

دماسنجد ترموکوپل به دلیل دقت کمتر نسبت به دماسنجهای معیار از مجموعه این دسته از دماسنجهای کنار گذاشته شد.

(فیزیک - دما و گرمایی، صفحه‌های ۸۶ و ۸۷)

(حسین مقدمی)

«۱۱۲- گزینه ۴»

با استفاده از رابطه بین دماهای فارنهایت و کلوین با دمای سلسیوس، داریم:

$$F = \frac{9}{5}\theta + 32 \Rightarrow \Delta F = \frac{9}{5}\Delta\theta \quad (1)$$

$$T = 273 + \theta \Rightarrow \Delta T = \Delta\theta \quad (2)$$

$$\xrightarrow{(1),(2)} \Delta F = \frac{9}{5}\Delta T \Rightarrow -0 / 0^{\circ}\text{F}_1 = \frac{9}{5}(-7) \Rightarrow F_1 = 14^{\circ}\text{F}$$

بنابراین:

$$F_1 = \frac{9}{5}\theta_1 + 32 \Rightarrow 14^{\circ}\text{F} = \frac{9}{5}\theta_1 + 32 \Rightarrow \theta_1 = 6^{\circ}\text{C}$$

(فیزیک - دما و گرمایی، صفحه‌های ۸۶ تا ۹۳)

(رامین آرامش اصل)

«۱۱۳- گزینه ۱»

با توجه به نمودار، به ازای تغییر دمای $\Delta\theta = \theta - 0 = \theta$ ، تغییر طول میله A

$$\text{برابر } \Delta L_A = 12 / 8 - 12 = 0 / 8 \text{ cm} \text{ و تغییر طول میله B برابر}$$

$$\Delta L_B = 12 / 8 - 10 = 2 / 8 \text{ cm} \text{ است. بنابراین با استفاده از رابطه}$$

$$\Delta L = \alpha L \Delta\theta \text{ می‌توان نوشت:}$$

$$\frac{\Delta L_A}{\Delta L_B} = \frac{\alpha_A L_{1A} \Delta\theta_A}{\alpha_B L_{1B} \Delta\theta_B} \xrightarrow{L_{1A} = 12\text{cm}, L_{1B} = 10\text{cm}, \Delta\theta_A = \Delta\theta_B = \theta} \frac{\alpha_A}{\alpha_B} = \frac{12}{10} = \frac{6}{5}$$

$$\frac{6}{5} = \frac{\alpha_A}{\alpha_B} \times \frac{12}{10} \times \theta \Rightarrow \frac{\alpha_B}{\alpha_A} = \frac{10}{12} = \frac{5}{6}$$

$$\Rightarrow \frac{\alpha_A}{\alpha_B} = \frac{6}{5}$$

(فیزیک - دما و گرمایی، صفحه‌های ۸۸ تا ۹۰)



$$\text{یخ } \xrightarrow{Q_1 = mL_F} \text{ آب } \xrightarrow{Q_2 = mc\Delta\theta} 40^\circ \text{ C آب}$$

$$Q = Q_1 + Q_2 \Rightarrow Q = mL_F + mc\Delta\theta$$

$$L_F = 336000 \frac{\text{J}}{\text{kg}}, c = 4200 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot \text{C}} \Rightarrow \Delta\theta = 40 - 0 = 40^\circ \text{ C}$$

$$Q = m \times 336000 + m \times 4200 \times 40 \Rightarrow Q = 504000 \times m$$

در نهایت با استفاده از رابطه توان خروجی، به صورت زیر، m را می‌یابیم:

$$P_{\text{خروجی}} = \frac{Q}{t} \xrightarrow{t = \gamma h = 7 \times 60 \times 60 \text{ s}} 1200 = \frac{504000m}{7 \times 60 \times 60}$$

$$\Rightarrow m = 60 \text{ kg}$$

(فیزیک - دما و گرمای: صفحه‌های ۹۶ تا ۹۸ و ۱۰۶ تا ۱۰۷)

(عباس احمدی)

- ۱۱۷ - گزینه «۱»

ابتدا، برای سادگی محاسبه، مقادیر بخ، c ، L_F و L_V را بر حسب آب

می‌نویسیم و با توجه به طرح واره زیر جرم آب را می‌یابیم. دقت کنید، چون در

نهایت آب 2 kg 100° C داریم، بنابراین نیمی از جرم اولیه بخ تبدیل به بخار

آب 100° C شده است.

$$L_F = 80c \quad \text{و} \quad L_V = 540c \quad \text{آب } c \quad \text{بخ } c$$

$$\text{یخ } \xrightarrow{mc \Delta\theta} \text{ آب } \xrightarrow{mL_F} \text{ بخار}$$

$$\text{آب } \xrightarrow{mc \Delta\theta'} \text{ آب } \xrightarrow{\frac{m}{2} L_V} \text{ بخار}$$

$$Q = mc \Delta\theta + mL_F + mc \Delta\theta' + \frac{m}{2} L_V$$

$$\Delta\theta = 10^\circ \text{ C}, \Delta\theta' = 100^\circ \text{ C} \Rightarrow m = 4 \text{ kg}$$

$$Q = 4 \left(\frac{c}{2} \text{ آب } \times 10 + 80c \text{ آب } + 100c \text{ آب } + 540c \text{ آب } \right) = 4 \times c \text{ آب } \times 455$$

$$\Rightarrow Q = 1820c \text{ آب }$$

اکنون مشخص می‌کنیم گرمای داده شده به بخ، دمای چند کیلوگرم آب را

به اندازه 35° C افزایش می‌دهد:

اکنون با استفاده از رابطه $Q = mc\Delta\theta$ ، رابطه بین جرم کره‌ها را پیدا

$$\Delta\theta_A = \frac{\gamma}{\lambda} \Delta\theta_B \quad \text{می‌کنیم، چون گرمای داده شده به کره‌ها با هم برابر و}$$

می‌باشد، می‌توان نوشت:

$$Q_A = Q_B \Rightarrow m_A c_A \Delta\theta_A = m_B c_B \Delta\theta_B$$

$$\frac{\Delta\theta_A = \frac{\gamma}{\lambda} \Delta\theta_B}{c_A = c_B} \rightarrow m_A \times \frac{\gamma}{\lambda} = m_B$$

از طرف دیگر، بنا به رابطه $m = \rho V$ و با توجه به این که در این رابطه V

حجم واقعی است، می‌توان نوشت:

$$m_B = \frac{\gamma}{\lambda} m_A \xrightarrow{m = \rho V} \rho_B V_B = \frac{\gamma}{\lambda} \rho_A V_A \quad \text{واقعی}$$

$$\frac{\rho_A = \rho_B}{V_A = V_B} \rightarrow V_B = \frac{\gamma}{\lambda} V_A \quad \text{واقعی}$$

می‌بینیم، حجم واقعی کره B برابر حجم واقعی کره A است. چون کره A

توبیر است، حجم واقعی و ظاهری آن یکسان می‌باشد؛ بنابراین، حجم حفره

درون کره B برابر $\frac{1}{\lambda}$ حجم ظاهری کره A است. یعنی:

$$V_{B\text{ حفره}} = V_A - \frac{\gamma}{\lambda} V_A = \frac{1}{\lambda} V_A \xrightarrow{V_A = \frac{4}{3} \pi R^3} V_{B\text{ حفره}} = \frac{1}{\lambda} \times \frac{4}{3} \pi R^3$$

$$\xrightarrow{\pi = 3} V_{B\text{ حفره}} = \frac{1}{\lambda} \times \frac{4}{3} \times 3 \times 12^3 \Rightarrow V_{B\text{ حفره}} = 864 \text{ cm}^3$$

(فیزیک - دما و گرمای: صفحه‌های ۹۶ تا ۹۸ و ۱۰۶ تا ۱۰۷)

(عباس موتاب)

- ۱۱۶ - گزینه «۴»

ابتدا با استفاده از تعریف بازده، توان خروجی گرمکن الکتریکی را می‌یابیم:

$$R_a = \frac{P_{\text{خروجی}}}{P_{\text{وروودی}}} \times 100 \Rightarrow \eta = \frac{P_{\text{خروجی}}}{2000} \times 100$$

$$P_{\text{خروجی}} = 1200 \text{ W}$$

اکنون با توجه به طرح واره زیر، مقدار گرمای لازم برای تبدیل بخ 30° C به

آب 40° C را می‌یابیم:



(مسئله کیانی)

«۱۱۹» - گزینه

بررسی گزینه‌ها:

۱) نادرست - در هر فرایند انتقال گرما، ممکن است هر سه سازوکار

رسانش، همرفت و تابش گرمایی دخالت داشته باشند.

۲) درست - در فلزات افزون بر ارتعاش‌های اتمی، الکترون‌های آزاد نیز در

انتقال گرما نقش دارند اما سهم الکترون‌های آزاد در رسانش گرما بیشتر از اتم‌هاست.

۳) درست - انتقال گرما در مایعات و گازها که معمولاً رساناهای گرمایی

خوبی نیستند، عمدها به روش همرفت، یعنی همراه با جابه‌جایی بخشی از خود ماده، انجام می‌گیرد. این پدیده براثر کاهش چگالی شاره با افزایش دما

صورت می‌گیرد.

۴) درست - تابش گرمایی از سطح هر جسم علاوه بر دما به مساحت، میزان

صیقلی بودن و رنگ سطح آن بستگی دارد. سطوح صاف و درخشان با

رنگ‌های روشن تابش گرمایی کمتری دارند، در حالی که تابش گرمایی

سطح تیره، ناصاف و مات بیشتر است.

(فیزیک ا- دما و گرما؛ صفحه‌های ۱۱۷ تا ۱۱۸)

(زهره آقامحمدی)

«۱۲۰» - گزینه

چون حجم محفظه ثابت است، پس این فرایند در حجم ثابت صورت

 $PV = nRT$ می‌گیرد. طبق قانون گازهای آرامانی داریم:

اگر در حجم ثابت دما و فشار تغییر کنند، می‌توان نوشت:

$$\Delta P = \frac{nR}{V} \Delta T \xrightarrow{\Delta T = 180 - 120 = 60^\circ C} \frac{n = 0.05 \text{ mol}, V = 8 \times 10^{-3} \text{ m}^3}{\Delta T = 60^\circ C}$$

$$\Delta P = \frac{0.05 \times 8}{8 \times 10^{-3}} \times 180 = 75 \times 10^3 = 75 \times 10^5 \text{ Pa} = 75 \text{ atm}$$

(فیزیک ا- دما و گرما؛ صفحه‌های ۱۱۷ تا ۱۱۸)

$$Q = m'c \Delta \theta \xrightarrow{\Delta \theta = 35^\circ C} Q = 1820 \text{ c} \Delta \theta = 1820 \text{ c} \xrightarrow{\Delta \theta = 35^\circ C} Q = 1820 \text{ c} \times 35$$

$$\Rightarrow m' = 52 \text{ kg}$$

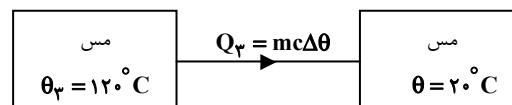
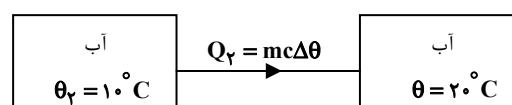
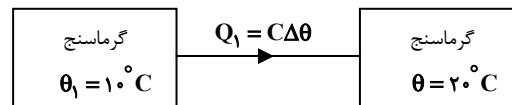
(فیزیک ا- دما و گرما؛ صفحه‌های ۹۱ تا ۹۲)

(مسئله کیانی)

«۱۱۸» - گزینه

با توجه به طرح واره زیر و استفاده از رابطه تعادل گرمایی، گرمای ویژه مس

را می‌باییم. دقت کنید، چون در ابتدا آب و گرماسنج در تعادل گرمایی‌اند،

دمای اولیه گرماسنج و آب یکسان و برابر $10^\circ C$ است.

$$Q_1 + Q_2 + Q_3 = 0 \Rightarrow C(\theta - \theta_1) + m_2 c (\theta - \theta_2) + m_3 c (\theta - \theta_3) = 0$$

$$+ m_2 c (\theta - \theta_2) + m_3 c (\theta - \theta_3) = 0$$

$$\xrightarrow{\begin{array}{l} C = 150 \text{ J/K}, m_2 = 0.05 \text{ kg}, m_3 = 0.08 \text{ kg} \\ \text{آب} = 4200 \text{ J/kg}^\circ C \end{array}}$$

$$150 \times (20 - 10) + 0.05 \times 4200 \times (20 - 10) + 0.08 \times 4200 \times (20 - 120) = 0$$

$$\Rightarrow 1500 + 21000 = 600 \Rightarrow 22500 = 600$$

$$\Rightarrow c = \frac{J}{\text{kg}^\circ C} = 375$$

(فیزیک ا- دما و گرما؛ صفحه‌های ۹۶ تا ۱۰۲)



در آخر، وقتی دو متحرک در یک مکان باشند، $x_A = x_B$ است. بنابراین

داریم:

$$x_A = x_B \Rightarrow 20t - 40 = -10t + 100 \Rightarrow 30t = 140 \Rightarrow t = \frac{14}{3} s$$

(فیزیک ۳۳- حرکت بر فقط راست: صفحه‌های ۱۳ تا ۱۵)

(مینم (شتیان))

- ۱۲۳ گزینه ۱»

با داشتن a ، v_0 و v ، از معادله سرعت - جابه‌جایی (مستقل از زمان) استفاده می‌کنیم.

$$v^2 - v_0^2 = 2a\Delta x \xrightarrow{v_0=0, v=16 \frac{m}{s}} 16^2 - 0 = 2 \times 4 \times \Delta x \Rightarrow \Delta x = 32 m$$

$$\xrightarrow{x_0=0} x = 32 m$$

(فیزیک ۳۳- حرکت بر فقط راست: صفحه‌های ۱۶ تا ۲۱)

(مدمرعلی راست پیمان)

- ۱۲۴ گزینه ۱»

اگر کل زمان سقوط گلوله را t ثانیه فرض کنیم، با فرض در نظر گرفتن محل رها شدن گلوله به عنوان مبدأ مکان و جهت پایین به عنوان جهت مثبت، جابه‌جایی گلوله در ۲ ثانیه اول و ۲ ثانیه آخر حرکت برابر است با:

$$y_1 = \frac{1}{2}gt_1^2 = \frac{1}{2}g \times 2^2 \Rightarrow y_1 = \frac{1}{2}g \times 4$$

$$y_t - y_{t-2} = \frac{1}{2}g[t^2 - (t-2)^2]$$

طبق فرض سؤال، داریم:

$$\frac{1}{2}g[t^2 - (t-2)^2] = 6 \times \frac{1}{2}g \times 4 \Rightarrow t = 7 s$$

بنابراین تندی گلوله در لحظه برخورد به زمین برابر است با:

$$v = gt = 10 \times 7 \Rightarrow v = 70 \frac{m}{s}$$

(فیزیک ۳۳- حرکت بر فقط راست: صفحه‌های ۲۱ تا ۲۴)

(رامین شاهلوی)

- ۱۲۵ گزینه ۱»

گلوله اول ۲ ثانیه زودتر حرکت کرده، یعنی ۲ ثانیه بیشتر در راه بوده است.

$$t_1 = (t_2 + 2)s \quad (I)$$

(عباس اصغری)

فیزیک ۳

- ۱۲۱ گزینه ۲»

شیب خط مماس بر نمودار مکان - زمان برابر با سرعت لحظه‌ای متحرک است. با استفاده از رابطه سرعت لحظه‌ای، که در اینجا برابر شیب خط مماس بر نمودار در لحظه $t = 20 s$ است، مکان متحرک در لحظه $t = 20 s$ را به دست می‌آوریم.

$$v_{t=20s} = \frac{x_{t=20s} - 0}{20 - 15} \xrightarrow{v_{t=20s}=2/\frac{m}{s}} x_{t=20s} = 12 m$$

اکنون تندی متوسط متحرک را در $20 s$ اول حرکت به دست می‌آوریم:

$$s_{av} = \frac{\ell}{\Delta t} = \frac{|-3 - 5| + |12 - (-3)|}{20} = 1/15 \frac{m}{s}$$

(فیزیک ۳۳- حرکت بر فقط راست: صفحه‌های ۳ تا ۱۰)

(عباس اصغری)

- ۱۲۲ گزینه ۳»

ابتدا معادله حرکت متحرک‌های A و B را می‌باییم. به همین منظور باید سرعت و مکان اولیه آن‌ها را حساب کنیم. دقت کنید، ثانية دوم، بازه زمانی $t_2 = 2 s$ تا $t_1 = 1 s$ و ثانية دوم، بازه زمانی $t_2' = 4 s$ تا $t_1' = 1 s$ است.

برای متحرک A می‌توان نوشت:

$$v_A = v_{av, A} = \frac{x_2 - x_1}{t_2 - t_1} \xrightarrow{x_2 = 0, x_1 = -2 m} v_A = \frac{0 - (-2)}{2 - 1} = 2 \frac{m}{s}$$

$$x_A = v_A t + x_{A_0} \xrightarrow{t_2 = 2 s, x_2 = 0} = 2 \times 2 + x_{A_0} \Rightarrow x_{A_0} = -4 m$$

بنابراین معادله حرکت متحرک A برابر است با:

$$x_A = 20t - 40$$

برای متحرک B می‌توان نوشت:

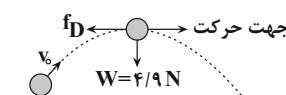
$$v_B = v_{av, B} = \frac{x_2' - x_1'}{t_2' - t_1'} \xrightarrow{x_2' = 8 m, x_1' = 2 m} v_B = \frac{8 - 2}{4 - 1} = -10 \frac{m}{s}$$

$$x_B = v_B t + x_{B_0} \xrightarrow{t_2' = 4 s, x_2' = 8 m} = (-10 \times 4) + x_{B_0} \Rightarrow x_{B_0} = 100 m$$

بنابراین معادله حرکت متحرک B برابر است با:

$$x_B = -10t + 100$$

$$\begin{aligned} F_{\text{net}} &= ma \\ F_{\text{net}} &= \sqrt{F_D^2 + W^2} \end{aligned}$$



$$ma = \sqrt{F_D^2 + W^2} \quad \frac{a = \Delta / \Delta}{s^2}, m = ۶۰ \cdot g = ۶ \text{ kg} \quad \frac{W = ۹/۹ N}{}$$

$$۰ / ۶ \times ۸ / ۵ = \sqrt{F_D^2 + ۹^2}$$

$$\Rightarrow ۵ / ۱^2 - ۴ / ۹ = F_D^2 \Rightarrow (۵ / ۱ - ۴ / ۹)(۵ / ۱ + ۴ / ۹) = F_D^2$$

$$\Rightarrow F_D^2 = ۰ / ۲ \times ۱۰ = ۲ \Rightarrow F_D = \sqrt{۲} N \Rightarrow f_D = -\sqrt{۲} i(N)$$

(فیزیک ۳ - دینامیک و حرکت دایره‌ای: صفحه‌های ۳۰ تا ۳۳)

(امیرحسین برادران)

«۲» - ۱۲۸

با توجه به قانون دوم نیوتون داریم:

$$\vec{F}_{\text{net}} = m\vec{a} \quad \frac{\vec{a}' = -\vec{a}}{m' = ۷m} \rightarrow \vec{F}'_{\text{net}} = -۶m\vec{a}$$

$$\frac{\vec{F}'_{\text{net}} = \vec{F}_1 + \vec{F}_2}{\vec{F}_1 = m\vec{a}} \rightarrow \vec{F}_1 + \vec{F}_2 = -۶\vec{F}_1 \Rightarrow \vec{F}_2 = -۷\vec{F}_1$$

(فیزیک ۳ - دینامیک و حرکت دایره‌ای: صفحه‌های ۳۰ تا ۳۳)

(زهره آقامحمدی)

«۲» - ۱۲۹

طبق قانون اول نیوتون، هرگاه نیروهای وارد بر جسمی متوازن باشند، اگر جسم ساکن باشد همچنان ساکن باقی می‌ماند و اگر در حال حرکت باشد، سرعت جسم تغییر نمی‌کند و ثابت می‌ماند. به این خاصیت اجسام که میل دارند وضعیت حرکت خود را هنگامی که نیروی خالص وارد بر آنها صفر است، حفظ کنند، لغتی می‌گویند.

(فیزیک ۳ - دینامیک و حرکت دایره‌ای: صفحه‌های ۳۰ و ۳۱)

(مسین ناصیح)

«۲» - ۱۳۰

ابتدا با استفاده از قانون دوم نیوتون، برایند نیروها (نیروی خالص) را می‌یابیم:

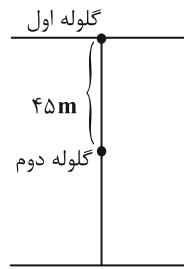
$$F_{\text{net}} = ma \quad \frac{m = ۷\text{kg}}{a = \Delta / \Delta} \quad \frac{m}{s^2} \rightarrow F_{\text{net}} = ۲ \times ۸ / ۵ = ۱۷N$$

اکنون می‌توان نیروی F_2 را بدست آورد. چون دو نیروی F_1 و F_2 برهم عمودند، می‌توان نوشت:

$$F'_{\text{net}} = F'_1 + F'_2 \quad \frac{F_1 = ۸N}{F_{\text{net}} = ۱۷N} \rightarrow ۲ \times ۹ = ۱۶ + F'_2$$

$$\Rightarrow F'_2 = ۲۲N \Rightarrow F_2 = ۱۵N$$

(فیزیک ۳ - دینامیک و حرکت دایره‌ای: صفحه‌های ۳۰ و ۳۱)



در ضمن، مکان گلوله اول ۴۵ متر، بالاتر بوده ($y_1 = y_2 + ۴۵m$) و جهت مثبت را رو به پایین فرض می‌کنیم.

$$y_1 = y_2 + ۴۵ \Rightarrow \frac{1}{2}gt_1^2 = \frac{1}{2}gt_2^2 + ۴۵$$

$$(I) \Rightarrow ۵(t_2 + ۲)^2 = ۵t_2^2 + ۴۵ \Rightarrow t_2^2 + ۴t_2 + ۴ = t_2^2 + ۹$$

$$\Rightarrow t_2 = ۱ / ۲\Delta s \Rightarrow t_1 = t_2 + ۲ \Rightarrow t_1 = ۱ / ۲\Delta + ۲ = ۳ / ۲\Delta s$$

(فیزیک ۳ - حرکت بر خط راست: صفحه‌های ۲۱ تا ۲۴)

(عباس اصغری)

«۲» - ۱۲۶

گزینه «۱»: نادرست. نیروهای کنش و واکنش به دو جسم متفاوت اثر می‌کنند، بنابراین نمی‌توان از آن‌ها برایند گرفت.

گزینه «۲»: درست. به گلوله‌ای که در هوا سقوط می‌کند، نیروهای مقاومت هوا و نیروی وزن از جانب هوا و زمین وارد می‌شود؛ بنابراین واکنش این نیروها به هوا و زمین وارد خواهد شد.

گزینه «۳»: نادرست. وزن گلدن به خود گلدن وارد می‌شود.

گزینه «۴»: نادرست. نیروی وزن هر جسمی، نیروی گرانشی است که زمین به آن جسم وارد می‌کند، به عبارتی، وزن هر جسمی به خود آن جسم وارد می‌شود و عکس العمل آن نیز به زمین وارد می‌شود.

(فیزیک ۳ - دینامیک و حرکت دایره‌ای: صفحه‌های ۳۰ تا ۳۳)

(زهره آقامحمدی)

«۴» - ۱۲۷

ابتدا نیروهای وارد بر جسم را در بالاترین نقطه مسیر رسم می‌کنیم. با توجه به اینکه نیروی مقاومت هوا در خلاف جهت حرکت توپ است، در بالاترین نقطه مسیر، جهت نیروی مقاومت هوا در خلاف جهت محور X خواهد شد.

بنابراین، با توجه به قانون دوم نیوتون، بزرگی نیروی f_D را محاسبه می‌کنیم:



گزینه «۲»: سدیم به دلیل واکنش پذیری بیشتر، در شرایط یکسان سریعتر از

منیزیم با محلول نیم مولار هیدروکلریک اسید واکنش می‌دهد.

گزینه «۴»: مورد اول همان‌طوری که اشاره شد به تأثیر سطح تماس اشاره

دارد ولی مورد دوم به تأثیر غلظت (زیر آب غلظت اکسیژن خیلی کمتر از

هوای آزاد است) اشاره دارد.

(شیمی ۲ - در پی غزاری سالمند: صفحه‌های ۷۸، ۸۲ و ۸۳)

(مسن رفته‌کننده)

گزینه «۲»

فقط مورد (ت) نادرست است.

بررسی عبارت‌ها:

(آ) رادیکال، گونه فعال و ناپایداری است که در ساختار خود، الکترون

جفت‌نشده دارد، در واقع محتوی اتم یا اتم‌هایی است که از قاعدة هشت‌تایی

پیروی نمی‌کنند.

(ب و پ) سبزیجات و میوه‌ها محتوی ترکیب‌های آلی سیرنشده‌ای به نام

ریز‌مغذی‌ها هستند، ترکیب‌هایی که در حفظ سلامت بافت‌ها و اندام‌ها

دخالت دارند و برخی از آن‌ها به عنوان بازدارنده از انجام واکنش‌های

ناخواسته به دلیل حضور رادیکال‌ها جلوگیری می‌کنند. لیکوین نمونه‌ای از

بازدارنده‌ها می‌باشد که در گوجه‌فرنگی و هندوانه وجود دارد.

ت) با ریزتر کردن ذرات حجم تغییر نمی‌کند اما با افزایش سطح تماس

ذرات، سرعت واکنش سوختن زغال افزایش می‌یابد.

(شیمی ۲ - در پی غزاری سالمند: صفحه‌های ۸۵، ۸۶ و ۹۱)

شیمی ۲

گزینه «۲»

فقط مورد (پ) درست است.

بررسی موارد نادرست:

(آ) آلنک‌ها مولکول‌هایی سیرنشده هستند و با محلول قرمز رنگ برم واکنش

داده و باعث کاهش رنگ قرمز آن می‌شوند. همچنین محلول پتابسیم

برمنگنات در واکنش با اسیدهای آلی در دمای بالا به سرعت بی‌رنگ می‌شود.

(ب) انفجار واکنش شیمیایی بسیار سریعی است که در آن از مقدار کمی ماده

منفجرشونده به حالت جامد یا مایع، حجم زیادی از گازهای داغ تولید

می‌شود.

ت) استیک اسید با فرمول CH_2COOH دارای ۲ اتم کربن است.

(شیمی ۲ - در پی غزاری سالمند: صفحه‌های ۷۷، ۷۸، ۸۰ و ۸۴)

گزینه «۳»

(عین‌الله ابوالفتحی)

همانطور که وجود پوست در خشکبار مانع از رسیدن اکسیژن به مواد

واکنش دهنده می‌شود، نگهداری فلزات گروه اول زیر نفت نیز مانع از رسیدن

اکسیژن به مواد واکنش دهنده می‌شود.

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه «۱»: ((الیاف آهن در هوا نمی‌سوزد ولی در ارلن پر از اکسیژن

می‌سوزد)) یعنی تأثیر غلظت بالای اکسیژن در ارلن است در حالی که احتمال

آتش‌سوزی در انبار گندم به دلیل سطح تماس کمتر اکسیژن با گندم، کمتر

از انبار آرد است.



(بیانیه قازانچای)

۱۳۶ - گزینه «۱»

ابتدا باید واکنش را موازن کنیم:

پس باید حجم گاز Cl_2 تولید شده در زمان مورد نظر را حساب کنیم. کافیاست مول به ضریب HCl و Cl_2 را برابر هم قرار بدیم:

$$\times \frac{3500 \text{ g HCl}}{20000 \text{ g محلول}} \times \frac{1 \text{ mol HCl}}{\frac{36.5 \text{ g HCl}}{10^6 \text{ g محلول}}} \times \frac{\text{خالص}}{\text{محلول}}$$

$$\times \frac{1 \text{ mol Cl}_2}{4 \text{ mol HCl}} \times \frac{22400 \text{ mL Cl}_2}{1 \text{ mol Cl}_2} \times \frac{75}{100} = 80.5 / 5 \text{ mL Cl}_2$$

این حجم گاز کلر در مدت ۱۰ دقیقه (۱۰×۶۰ ثانیه) حاصل شده است.

$$\Rightarrow R_{\text{Cl}_2} = \frac{80.5 / 5 \text{ mL}}{10 \times 60 \text{ s}} \simeq 1 / 3 \frac{\text{mL}}{\text{s}}$$

(شیمی ۲ - در پی غذای سالم؛ صفحه‌های ۸۷، ۹۰، ۹۳ و ۹۶)

(ممدر فائز نیما)

۱۳۷ - گزینه «۱»

مقدار N_2O_5 مصرف شده طی یک ساعت انجام واکنش برابر است با:

$$28 \text{ g O}_2 \times \frac{1 \text{ mol O}_2}{32 \text{ g O}_2} \times \frac{2 \text{ mol N}_2\text{O}_5}{1 \text{ mol O}_2} \times \frac{108 \text{ g N}_2\text{O}_5}{1 \text{ mol N}_2\text{O}_5} = 189 \text{ g N}_2\text{O}_5$$

لذا مقدار اولیه N_2O_5 برابر است با:

$$189 + 56 = 245 \text{ g N}_2\text{O}_5$$

هر ۲۰ دقیقه سرعت واکنش ۵۰% کاهش می‌یابد، یعنی مقدار فرآورده

تولیدی در هر ۲۰ دقیقه، نصف مقدار فرآورده تولیدی در ۲۰ دقیقه قبل

است. لذا داریم:

(سهراب صارقی‌زاده)

۱۳۴ - گزینه «۱»

فقط مورد آخر درست است.

بررسی موارد:

مورد اول) غلظت مواد جامد و مایع خالص در طول واکنش ثابت است و تغییر نمی‌کند. (نادرست)

مورد دوم) روند تغییرات مول واکنش‌دهنده‌ها، سرعت تولید فرآورده‌ها و تغییرات غلظت فرآورده‌ها نزولی است. دقت کنید که غلظت فرآورده‌ها صعودی است ولی تغییرات غلظت و سرعت تولید فرآورده‌ها نزولی است.

(نادرست)

مورد سوم) C فرآورده واکنش است و به کار بردن عبارت سرعت مصرف برای آن نادرست است. (نادرست)

مورد چهارم) سرعت واکنش از تقسیم کردن سرعت مصرف یا تولید مواد شرکت کننده بر ضریب استوکیومتری آن‌ها در واکنش موازن شده به دست

می‌آید، بنابراین سرعت واکنش با سرعت تولید C برابر و $\frac{1}{3}$ سرعت مصرف است. (نادرست)

مورد پنجم) با توجه به ضرایب مواد A و D داریم:

(درست)

(شیمی ۲ - در پی غذای سالم؛ صفحه‌های ۸۵ تا ۹۰ و ۹۶)

(آلبر هنرمند)

۱۳۵ - گزینه «۳»

موارد اول، دوم و سوم درست‌اند.

عبارت اول: کاتالیزگر بر حجم گاز O_2 اثری ندارد بلکه زمان رسیدن به مقدار مشخصی از آن را کوتاه می‌کند.

عبارت دوم: در ظرف A، با افزودن کاتالیزگر و افزایش دما، سرعت واکنش بیشتر افزایش پیدا می‌کند.

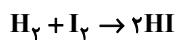
عبارت سوم: از آنجا که آنتالبی واکنش تابع مقداری واکنش‌دهنده است، پس با نصف شدن مقدار مول H_2O_2 ، گرمای آزاد شده نیز نصف خواهد شد.عبارت چهارم: سرعت متوسط واکنش در ظرف A بیش‌تر است، اما با توجه به این‌که ضریب H_2O_2 در معادله واکنش دو برابر O_2 است، نمی‌توان به طور قطع گفت که سرعت تولید O_2 در ظرف A بیش‌تر از سرعت تولید H_2O در ظرف B است.

(شیمی ۲ - در پی غذای سالم؛ صفحه‌های ۸۰، ۸۱، ۸۳ و ۹۰)



(ارائه کن فانلدری)

گزینه «۱» - ۱۳۹



$$\bar{R} = \bar{R}_{H_2} \quad t = 20 \text{ min} \quad t = 40 \text{ min}$$

$$\bar{R}_{H_2} = \frac{-\Delta n H_2}{V \cdot \Delta t} = \frac{-(\delta - \gamma)(\circ / \Delta) mol}{2L \times \frac{40}{20} h} = \circ / 10 \text{ mol} \cdot L^{-1} \cdot h^{-1}$$

$$t = 0 \text{ min} \quad t = 40 \text{ min}$$

$$\bar{R}_{H_2} = \frac{-\Delta n H_2}{V \cdot \Delta t} = \frac{-(\delta - \lambda)(\circ / \Delta) mol}{2L \times \frac{40}{60} h}$$

$$= 1 / 12 \text{ mol} \cdot L^{-1} \cdot h^{-1}$$

$$\frac{\bar{R}_{H_2}(t = 20 \text{ min} \text{ تا } t = 40 \text{ min})}{\bar{R}_{H_2}(t = 0 \text{ min} \text{ تا } t = 40 \text{ min})} = \frac{\circ / 10}{1 / 12} \approx \circ / 6$$

(شیمی ۲ - در پی غذای سالم: صفحه‌های ۸۵، ۹۰، ۹۳ و ۹۴)

(بهان شاهنیکلاباغی)

گزینه «۴» - ۱۴۰

بررسی برخی از گزینه‌ها:

گزینه «۲»: لیکوپن با جذب رادیکال‌ها فعالیت آن‌ها را کاهش می‌دهد.

گزینه «۴»: نگهدارنده‌ها سرعت واکنش‌هایی که منجر به فساد مواد غذایی

می‌شوند را کاهش می‌دهند و نه اینکه آن‌ها را متوقف کنند.

(شیمی ۲ - در پی غذای سالم: صفحه‌های ۸۳، ۸۴، ۸۵، ۹۱، ۹۲ و ۹۳)

زمان (دقیقه)	۰ - ۲۰	۲۰ - ۴۰	۴۰ - ۶۰
O ₂ مول تولیدی	Z	۰ / ۵Z	۰ / ۲۵Z
NO ₂ مول تولیدی	۴Z	۲Z	Z

با توجه به جرم اکسیژن در انتهای واکنش، مقدار Z را به دست می‌آوریم:

$$(Z + ۰ / ۵Z + ۰ / ۲۵Z) \text{ mol O}_2 \times \frac{۳۲ \text{ g O}_2}{1 \text{ mol O}_2} = ۲۸ \text{ g O}_2$$

$$\Rightarrow Z = ۰ / ۵ \text{ mol}$$

بنابراین مقدار گرم NO₂ تولید شده در ۲۰ دقیقه دوم واکنش برابر است با:

$$2Z \times \frac{۰ / ۵ \text{ mol NO}_2}{Z} \times \frac{۴۶ \text{ g NO}_2}{1 \text{ mol NO}_2} = ۴۶ \text{ g NO}_2$$

(شیمی ۲ - در پی غذای سالم: صفحه‌های ۸۵ تا ۹۰ و ۹۳)

(مسعود طبرسا)

گزینه «۲» - ۱۳۸

جدول تغییرات مول مواد شرکت‌کننده در واکنش به صورت زیر است:

۲A → B + ۲C		
اولیه	a	۰
تغییرات	-2x	+x
باقیمانده	a - 2x	2x

$$\bar{R}_A = \frac{-\Delta n_A}{\Delta t} \Rightarrow ۰ / ۱ = \frac{-\Delta n_A}{\Delta ۰} \Rightarrow \Delta n_A = -\Delta mol A$$

$$2x = \Delta mol \Rightarrow x = ۲ / \Delta mol$$

$$a - 2x + x + 2x = a + x = a + ۲ / \Delta mol$$

$$a + ۲ / \Delta mol = ۸ / ۲ \Rightarrow a = ۶ / ۲ mol$$

(شیمی ۲ - در پی غذای سالم: صفحه‌های ۸۵ تا ۹۰)



$$\frac{\% \text{W}}{\text{W}} = \frac{\text{جرم حل شونده}}{\text{جرم محلول}} \times 100 \Rightarrow 25 = \frac{x \text{g NaOH}}{4 / 8} \times 100$$

$$\Rightarrow x \text{g NaOH} = 1 / 2 \text{g}$$

$$? \text{g Na}^+ = 1 / 2 \text{g NaOH} \times \frac{1 \text{mol NaOH}}{4 \text{g NaOH}} \times \frac{1 \text{mol Na}^+}{1 \text{mol NaOH}}$$

$$\times \frac{23 \text{g Na}^+}{1 \text{mol Na}^+} = 0 / 69 \text{g Na}^+$$

$$\Rightarrow \text{ppm} = \frac{\text{Na}^+ \text{ جرم}}{\text{جرم محلول}} \times 10^6 = 0 / 69 \times 10^6 = 0 / 75 \times 10^6 = 75 \cdot \text{ppm Na}^+$$

(شیمی - آب، آهنج زندگی؛ صفحه‌های ۹۳ تا ۹۶)

(امیرعلی ییات)

- ۱۴۵ گزینه «۱»

هر شبانه‌روز از $24 \times 60 \text{ min}$ تشکیل شده است:

$$? \text{mol O}_2 = 24 \text{ h} \times \frac{60 \text{ min}}{1 \text{ h}} \times \frac{17}{1 \text{ min}} \times \frac{5 \text{ Lit}}{1 \text{ min}} \times \frac{\text{هوا}}{\text{بار تنفس}} \times \frac{\text{بار تنفس}}{1 \text{ min}} \times \frac{1 \text{ min}}{5 \text{ Lit}}$$

$$\times \frac{5 \text{ Lit O}_2}{100 \text{ Lit}} \times \frac{\text{جذب}}{\text{داخل ریه}} \times \frac{100 \text{ Lit O}_2}{\text{داخل ریه}} \times \frac{\text{هوا}}{5 \text{ Lit}}$$

$$\times \frac{1 \text{ mol O}_2}{22 / 4 \text{ Lit O}_2} \approx 5 / 5 \text{ mol O}_2$$

(شیمی - ردپای گازها در زندگی؛ صفحه‌های ۷۹ تا ۸۱)

(آرمان آبری)

- ۱۴۶ گزینه «۲»

فقط مورد (آ) درست است.

بررسی موارد:

مورد (آ). مطابق جدول صفحه ۸۷ کتاب درسی، انتظار داریم در یک نمونه

آب دریا غلظت Mg^{2+} بیشتر از Ca^{2+} باشد، پس با رسوب دادن همزمان

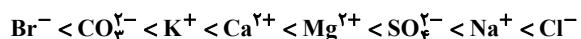
این دو یون، غلظت Ca^{2+} ، زودتر به صفر می‌رسد.

شیمی ۱

- ۱۴۱ گزینه «۱»

(مسن رهمتی کوئنده)

مقایسه غلظت برخی یون‌های حل شده در آب دریا به صورت زیر است:



بنابراین غلظت کاتیون Ca^{2+} بیشتر از غلظت کاتیون K^+ است.

(شیمی - آب، آهنج زندگی؛ صفحه‌های ۱۶ تا ۱۹)

- ۱۴۲ گزینه «۲»

نسبت شمار کاتیون به آنیون در باریم فسفات $(Ba_3(PO_4)_2)$ برابر $\frac{3}{2}$

است. نسبت شمار آنیون به کاتیون در هریک از ترکیبات عبارتند از:

$$\frac{2}{3} \quad \frac{3}{1} \quad \frac{3}{2} \quad (آ)$$

$$\frac{2}{3} \quad \frac{3}{2} \quad \frac{3}{2} \quad (ت)$$

(شیمی - آب، آهنج زندگی؛ صفحه‌های ۹۰، ۹۱ و ۹۲)

- ۱۴۳ گزینه «۳»

تنها عبارت (ت) نادرست است؛ چگالی گازها با دما رابطه عکس دارد.

$$\frac{d_2}{d_1} \propto \frac{V_1}{V_2}, \quad \frac{V_1}{V_2} \propto \frac{T_1}{T_2}, \quad \frac{d_2}{d_1} \propto \frac{T_1}{T_2}$$

(شیمی - ردپای گازها در زندگی؛ صفحه‌های ۷۷ و ۷۸)

- ۱۴۴ گزینه «۴»

(امیرمحمد سعیدی)

$$d = \frac{m}{V} \Rightarrow 1 / 2 = \frac{m}{4} \Rightarrow m = 4 / 8 \text{ g}$$



عبارت (ب): نادرست. در محلول‌های آبی، حالت فیزیکی و ترکیب شیمیایی مانند رنگ و غلظت در سرتاسر محلول، یکسان و یکنواخت است.

عبارت (پ): نادرست. اتیلن گلیکول (اکسیدیک) و محلول آبی گلاب، انحلال مولکولی دارند، از این رو با حل شدن در آب، یون تولید نمی‌کنند.

عبارت (ت): درست. خواص محلول‌ها به خواص حلال، حل‌شونده و مقدار هریک از آن‌ها بستگی دارد.

(شیمی ا- آب، آهنگ زندگی: صفحه‌های ۹۱ تا ۹۳)

(امیرعلی یيات)

«۳» - ۱۴۹ گزینه

مطابق ساختارهای لوئیس کشیده شده شمار الکترون‌های ناپیوندی و پیوندی

O_2 از O_3 بیشتر است. نقطه جوش اوزون ۱۱۲ - درجه سانتی‌گراد

می‌باشد که از O_2 بیشتر است (-۱۸۳°C). اما به دلیل ناپایداری O_3 واکنش‌پذیری آن از O_2 بیشتر است.

(شیمی ا- ردپای گازها در زندگی: صفحه‌های ۷۳ تا ۷۶)

(مسعود بعفری)

«۳» - ۱۵۰ گزینه

درصد جرمی نفتالن را برابر a در نظر می‌گیریم:

$$\frac{?g H}{200g} = \frac{ag C_{1, H_A}}{\text{محلول}} \times \frac{\lambda g H}{128g C_{1, H_A}} = \frac{a}{\lambda} g H$$

$$\frac{?g H}{200g} = \frac{(100-a)g C_{1, H_A}}{\text{محلول}} \times \frac{\lambda g H}{92g C_{1, H_A}}$$

$$\times \frac{\lambda g H}{92g C_{1, H_A}} = \frac{4(100-a)}{23} g H$$

$$\frac{14}{14/75g} = \frac{a}{\lambda} g + \frac{4(100-a)}{23} g \xrightarrow{x=92} 1357 = 11/\lambda a + 1600 - 16a$$

$$\Rightarrow a = \% 54$$

(شیمی ا- آب، آهنگ زندگی: صفحه ۹۶)

$$\text{مورد (ب): } \frac{18g}{(18+46)g} \times 100 \approx 28\% = \text{درصد جرمی آب}$$

مورد (پ): برای تهیه فلز منیزیم، کلرید آن را با تبلور به دست نمی‌آورند.

بلکه نخست آن را به صورت $Mg(OH)_2$ رسوب می‌دهند و سپس به $MgCl_2$ مایع تبدیل و با جریان برق جداسازی می‌کنند.

مورد (ت): تعاملات بخش‌های سازنده زمین به صورت فیزیکی و شیمیایی

است و نه صرفاً فیزیکی.

(شیمی ا- آب، آهنگ زندگی: صفحه‌های ۸۶، ۸۷، ۹۶ و ۹۸)

(میرحسن خسینی)

«۳» - ۱۴۷ گزینه

$$\text{جرم حل شونده} = \frac{\text{جرم محلول} \times 100}{\text{جرم حل}} = \text{درصد جرمی}$$

$$\left. \begin{array}{l} 20 = \frac{x}{45} \times 100 \Rightarrow x = 9g MgCl_2 \\ \text{ محلول اولیه} \\ = 45 - 9 = 36g \end{array} \right\} \text{ جرم حل}$$

$$\frac{1}{9} \times 9 = 1g = \text{جرم جدید حل شونده} \Rightarrow 1g + 1 = 10g MgCl_2$$

$$\frac{1}{10} \times 36 = 3/6 = 36 - 3/6 = 32/4 g H_2O = \text{جرم جدید حلال} \Rightarrow 32/4 g H_2O$$

$$\Rightarrow MgCl_2 = \frac{10g}{(32/4 + 10)} \times 100$$

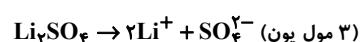
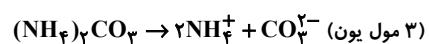
$$= \frac{10}{42/4} \times 100 \approx \% 23/6$$

(شیمی ا- آب، آهنگ زندگی: صفحه ۹۶)

(عبدالرضا درفواه)

«۱» - ۱۴۸ گزینه

عبارت (آ): درست.





(خوازد نیفی کلمه)

۱۵۴ - گزینه «۳»

بررسی موارد:

(آ) اسیدهایی همانند فورمیک اسید و استیک اسید و بسیاری از اسیدهای دیگر تک پروتون دار هستند ولی تعداد اتمهای هیدروژن در ساختار آنها بیش از یک عدد می باشد.

(ب) درجه یونش برابر شمار مولکولهای اسید یونیده شده به شمار کل مولکولهای اولیه است.

(پ) ثابت یونش تنها با دما تغییر می کند.

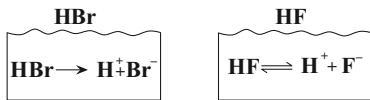
(ت) اسیدی ضعیف است و دارای ثابت یونش و درجه یونش کمی است و تعداد مولکولهایی از آن که یونش می یابند، کم است.

(شیمی ۳ - مولکولها در فرمت تندرستی: صفحه های ۱۶ تا ۲۳)

(عامد، مفانیان)

۱۵۵ - گزینه «۱»

فقط مورد (ب) برابر نمی باشد.

 $\text{pH} = ۴$

$$[\text{H}^+] = 10^{-4} \text{ mol.L}^{-1} \rightarrow [\text{OH}^-] = 10^{-10} \text{ mol.L}^{-1}$$

$$[\text{Br}^-] = 10^{-4} \text{ mol.L}^{-1}$$

 $\text{pH} = ۴$

$$[\text{H}^+] = 10^{-4} \text{ mol.L}^{-1} \rightarrow [\text{OH}^-] = 10^{-10} \text{ mol.L}^{-1}$$

$$[\text{F}^-] = 10^{-4} \text{ mol.L}^{-1}$$

با توجه به رابطه $\alpha = [\text{H}^+] / M \cdot \alpha$, در می یابیم غلظت اولیه HBr برابرغلظت نهایی H^+ یعنی 10^{-4} مولار است. (چون HBr یک اسید قوی است) ($\alpha \approx 1$). اما محلول HF که یک اسید ضعیف است، غلیظتر بودهکه تنها مقدار یوننده شده آن 10^{-4} مولار است. بنابراین در واکنش با

منیزیم حجم گاز آزاد شده از محلول HF بیشتر از HBr خواهد بود.

توجه: سرعت واکنش در نخستین لحظه فقط به غلظت H^+ در نخستین

لحظه وابسته است و تابع مستقیم قدرت اسید نیست. بنابراین سرعت واکنش

با Mg برای هر دو در نخستین لحظه برابر است.

(شیمی ۳ - مولکولها در فرمت تندرستی: صفحه های ۲۰ تا ۲۸)

۱۵۱ - گزینه «۳»

بررسی گزینه های نادرست:

گزینه «۱»: H متصل به گروه کربوکسیل آنها می تواند به صورت یون هیدرونیوم وارد محلول شود.

گزینه «۲»: در سامانه های تعادلی غلظت واکنش دهنده ها و فراورده ها در لحظه تعادل ثابت است. (نه لزوماً برابر!)

گزینه «۴»: قدرت اسیدی تابع غلظت نیست و فقط از روی ثابت یونش اسیدی (K_a) مقایسه می شود.

(شیمی ۳ - مولکولها در فرمت تندرستی: صفحه های ۱۶ تا ۲۴)

۱۵۲ - گزینه «۱»

با توجه به شکل ۲ ماده (SO_۴^{۲-} و O_۲) در حال مصرف شدن هستند، پس واکنش دهنده بوده و باید در سمت چپ معادله واکنش باشند (رد گزینه ۲ و ۳)، همچنین مقدار عددی K به صورت زیر تعیین می شود:

$$K = \frac{[\text{SO}_4^{2-}]^2}{[\text{SO}_4^{2-}]^2 \times [\text{O}_2]} = \frac{(0/06)^2}{(0/3)^2 \times 0/2} = 0/2 \text{ mol.L}^{-1}$$

(شیمی ۳ - مولکولها در فرمت تندرستی: صفحه ۲۲)

۱۵۳ - گزینه «۳»

بررسی گزینه ها:

گزینه «۱»: پاک کننده های غیرصابونی در صنعت و با استفاده از مواد پتروشیمیابی و طی واکنش های پیجیده ای تولید می شوند.

گزینه «۲»: «

$C_{19}\text{H}_{31}\text{SO}_4\text{Na} = 362 \text{ g.mol}^{-1}$: پاک کننده غیرصابونی

$C_{17}\text{H}_{35}\text{COONa} = 306 \text{ g.mol}^{-1}$: پاک کننده صابونی

گزینه «۳»: نیروی بین مولکولی غالب در اتیلن گلیکول از نوع یونند هیدروژنی بوده که در پاک کننده غیرصابونی وجود ندارد.

گزینه «۴»: با اضافه کردن صابون یا پاک کننده غیرصابونی به مخلوط آب و روغن، یک کلویید پدید می آید که ناهمگن و پایدار بوده و قابلیت پخش نور را دارد.

(شیمی ۳ - مولکولها در فرمت تندرستی: صفحه های ۱ تا ۱۲)



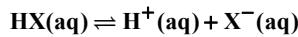
مورد پنجم: نظریه آرنیوس درباره اسیدها و بازهای محلول در آب می‌تواند توضیح دهد.

در این واکنش HCl و NH_3 حالت فیزیکی گازی دارد و در نظریه آرنیوس، بحث نمی‌شود.

(شیمی ۳- مولکول‌ها در فرمت تدرستی: صفحه‌های ۱۴، ۱۵، ۱۸ و ۲۳ تا ۲۶)

(امیر هاتمیان)

گزینه ۲ - ۱۵۹



$$K_a = \frac{[H^+] \times [X^-]}{[HX]} = \frac{4/25 \times 10^{-3} \times 4/25 \times 10^{-3}}{0/4 - 4/25 \times 10^{-3}}$$

قابل صرف نظر کردن

$$\approx 4/5 \times 10^{-5} \frac{\text{mol}}{\text{L}}$$

$$\begin{cases} [H^+] = a \times 10^{-b} \\ pH = b - \log_{10} a \end{cases}$$

روش سریع محاسبه

$$[H^+] = 4/25 \times 10^{-3} \Rightarrow \begin{cases} pH = 3 - \log_{10}^{4/25} = 3 - (\log_{10}^4 + \log_{10}^{1/25}) \\ pH = 3 - (0/4 - 0/25) = 2/37 \end{cases}$$

(شیمی ۳- مولکول‌ها در فرمت تدرستی: صفحه‌های ۲۳ تا ۲۶)

(امیرحسین معروفی)

گزینه ۱ - ۱۶۰

$$pH = ۳/۷ \Rightarrow [H^+] = 10^{-3/7} = 10^{-4} \times 10^{-3/7}$$

$$= 2 \times 10^{-4} \text{ mol.L}^{-1} = M\alpha$$

$$K_a = \frac{M\alpha^2}{1-\alpha} \Rightarrow 2 \times 10^{-5} = \frac{M \cdot \alpha \cdot \alpha}{1-\alpha} = \frac{2 \times 10^{-4} \alpha}{1-\alpha}$$

$$0/1 = \frac{\alpha}{1-\alpha} \Rightarrow \alpha = 0/0.9 \Rightarrow [H^+] = M\alpha \Rightarrow 2 \times 10^{-4} = M \times 9 \times 10^{-5}$$

$$\Rightarrow M = 2/2 \times 10^{-3} \Rightarrow n = M \cdot V = 2/2 \times 10^{-3} \times 1$$

$$= 2/2 \times 10^{-3} \text{ mol}$$

$$\text{CH}_3\text{COOH} = 24 + 32 + 4 = 60 \text{ g.mol}^{-1}$$

$$?g \text{CH}_3\text{COOH} = 2/2 \times 10^{-3} \text{ mol} \text{CH}_3\text{COOH}$$

$$\times \frac{60 \text{ g CH}_3\text{COOH}}{1 \text{ mol CH}_3\text{COOH}} = 0/132 \text{ g CH}_3\text{COOH}$$

$$pH = ۱۱ \Rightarrow [H^+] = 10^{-11} \Rightarrow [OH^-] = 10^{-3} = M\alpha$$

$$\frac{\alpha=1}{M = 10^{-3} \text{ mol.L}^{-1}}$$

$$n = M \cdot V = 10^{-3} \times 1 = 10^{-3} \text{ mol}$$

$$\Rightarrow ?\text{mg NaOH} = 10^{-3} \text{ mol NaOH} \times \frac{40 \text{ g NaOH}}{1 \text{ mol NaOH}} \times \frac{10^3 \text{ mg}}{1 \text{ g}} = 40 \text{ mg NaOH}$$

(شیمی ۳- مولکول‌ها در فرمت تدرستی: صفحه‌های ۲۳ تا ۲۶)

(مسعود طبرسا)

«۴» - ۱۵۶

الگوی یونش اسیدهای ضعیف به صورت زیر است:



غلهظت اولیه	M	.	.	.	
تفییرات غلهظت	-x	+x	+x		
غلهظت نهایی	M-x	x	x		

$\Rightarrow \begin{cases} M-x = 175 \\ M=200 \end{cases} \Rightarrow 200-x = 175 \Rightarrow x = 25$

↓
یون‌های حاصل مولکول‌های
یونیده نشده

$$\alpha = \frac{\text{تعداد مولکول‌های یونیده شده}}{\text{تعداد مولکول‌های اولیه}} \Rightarrow \alpha = \frac{25}{200} = \frac{1}{8}$$

$$\alpha = \frac{[H^+]}{[HA]} \Rightarrow \frac{1}{8} = \frac{[H^+]}{0/04} \Rightarrow [H^+] = 5 \times 10^{-3} \text{ mol.L}^{-1}$$

$$pH = -\log[H^+] \Rightarrow pH = -\log 5 \times 10^{-3}$$

$$= -(\log 5 + \log 10^{-3}) = -(0/2 - 3) = 2/3$$

(شیمی ۳- مولکول‌ها در فرمت تدرستی: صفحه‌های ۱۶، ۱۸، ۲۲، ۲۴ و ۲۵)

(سینا رضمانی تبار)

«۳» - ۱۵۷

قدرت اسیدی HNO_3 از HNO_2 بیشتر بوده و ثابت یونش آن بزرگتر است. درنتیجه میزان یون هیدرونیوم بیشتری در محلول آن وجود داشته و خاصیت اسیدی آن بیشتر و pH محلول آن کمتر است.

(در محلول اسیدهای قوی، تقریباً مولکول‌های اسید یونیده نشده یافته نمی‌شوند.)

(شیمی ۳- مولکول‌ها در فرمت تدرستی: صفحه‌های ۲۰ تا ۲۵)

(امیرحسین طیب)

«۱» - ۱۵۸

تنها مورد پنجم درست است. بررسی همه موارد:

مورد اول: ذرات سازنده ترکیبات مولکولی، اتم‌ها هستند نه یون‌ها! ترکیب مولکولی، یون سازنده ندارد؛ تعریف درست یونش: به فرایندی که در آن یک ترکیب مولکولی در آب به یون‌های مثبت و منفی تبدیل می‌شود یونش می‌گویند.

مورد دوم: قدرت اسیدی به K_a بستگی دارد و رسانایی نیز به غلهظت یون‌های موجود در محلول بستگی دارد. ممکن است مولاژیته اولیه یک اسید ضعیف آنقدر زیاد باشد که غلهظت یون‌ها و رسانایی آن از محلول اسیدی که K_a بیشتری دارد نیز بیشتر شود.

مورد سوم: می‌توان نتیجه گرفت در غلهظت ثابت هر چه K_a بزرگ‌تر باشد درجه یونش نیز بزرگ‌تر است. اما به این معنا نیست که K_a بیشتر به طور حتم باعث α بیشتر شود. در صورتی این قضیه صادق است که غلهظت دو محلول برابر باشد.

مورد چهارم: در سامانه‌های تعادلی، پس از برقراری تعادل نیز واکنش‌های رفت و برگشت با سرعت یکسان در حال انجام هستند.



دفترچه پاسخ

آزمون هوش و استعداد

(دوره دهم)

۱۶ شعریور

تعداد کل سؤالات آزمون: ۲۰

زمان پاسخ‌گویی: ۳۰ دقیقه

گروه فنی تولید

مسئول آزمون	همایش اینستاکت
ویراستار	فاطمه راسخ، حمیدرضا رحیم خانلو
مدیر گروه مستندسازی	محیا اصغری
مسئول درس مستندسازی	علیرضا همایون خواه
طراحان	حمید اصفهانی، سپهر حسن خان پور، حمید گنجی، فاطمه راسخ، آرین توسل، کیارش صانعی، فرزاد شیرمحمدی، محمدعلی شاهین فر، هادی زمانیان
حروف چینی و صفحه آرایی	معصومه روحانیان
ناظر چاپ	حمید عباسی



(سپهر محسن فان پور)

«گزینه» ۲۵۷

مانع: پوشش، حجاب

(هوش کلامی)

استعداد تحلیلی**«گزینه» ۲۵۱**

جمله درست: شخصیت ضدقهرمان، از آغاز، نشانه‌های شرارت را از خویش روز می‌دهد.

(هوش کلامی)

«گزینه» ۲۵۲

جمله درست بیست و پنج نقطه دارد: برخی منتقدان، رواج نمادگرایی را معلول اختناق و استبداد سیاسی عصر می‌دانند.

(هوش کلامی)

«گزینه» ۲۵۳

متن ایراد نگارشی ندارد.

(هوش کلامی)

«گزینه» ۲۵۴

عبارت به شکل «بسته به همکاری تک تک افراد است» یا «به همکاری تک تک افراد بستگی دارد» درست می‌بود.

(هوش کلامی)

«گزینه» ۲۵۵

عبارت به شکل «ارزش مبادله را بالاتر از هر چیزی می‌ستاید» درست می‌بود.

(هوش کلامی)

«گزینه» ۲۵۶

غبطه: حسد، رشك

(هوش کلامی)



(فاطمه، راسخ)

«۲۶۳- گزینه»

(محمد کلیپ)

در الگوی صورت سؤال، حاصل ضرب هر دو عدد که روی یک خط قرار دارند، عددی مربع کامل است.

$$9 \times 4 = 36 = 6 \times 6$$

$$27 \times 3 = 81 = 9 \times 9$$

$$5 \times 20 = 100 = 10 \times 10$$

در بین گزینه‌ها تنها عددی که حاصل ضرب آن در عدد ۲۴ عددی مربع کامل است، عدد ۶ است:

$$6 \times 24 = 144 = 12 \times 12$$

(هوش ریاضی)

(آرین، تولسل)

«۲۶۴- گزینه»

(محمد امقوانی)

در الگوی صورت سؤال، رابطه بین هر دو عدد به صورت زیر است:

$$a, b = (a \times b) + (a + b)$$

$$3, 6 \Rightarrow (3 \times 6) + (3 + 6) = 18 + 9 = 27$$

$$5, 2 \Rightarrow (5 \times 2) + (5 + 2) = 10 + 7 = 17$$

$$4, 1 \Rightarrow (4 \times 1) + (4 + 1) = 4 + 5 = 9$$

$$2, 7 \Rightarrow (2 \times 7) + (2 + 7) = 14 + 9 = 23$$

(هوش ریاضی)

(کیارش صانعی)

«۲۶۵- گزینه»

(هوش ریاضی)

در الگوی صورت سؤال داریم:

$$\frac{1}{2} \times 360 = 180$$

$$\frac{2}{3} \times 360 = 240$$

$$\frac{3}{4} \times 360 = 270$$

$$\frac{4}{5} \times 360 = 288$$

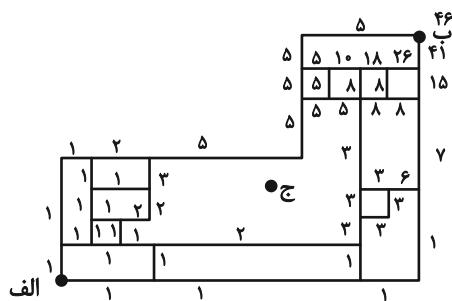
$$\frac{5}{6} \times 360 = 300$$

$$\frac{6}{7} \times 360 = \frac{2160}{7}$$

(هوش ریاضی)

«۲۶۰- گزینه»

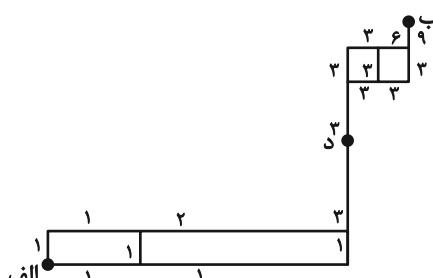
با حذف نقطه «ج» و مسیرهای اضافه، نقشه به شکل زیر تبدیل می‌شود که راههای رسیدن به هر نقطه در کنار آن نوشته شده است.



(هوش ریاضی)

«۲۶۱- گزینه»

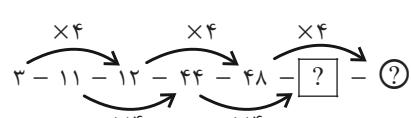
با حذف مسیرهای غیرممکن، نقشه به شکل زیر تبدیل می‌شود که راههای رسیدن به هر نقطه در کنار آن نوشته شده است.



(هوش ریاضی)

«۲۶۲- گزینه»

در الگوی صورت سؤال، اعداد یکی در میان ضرب در ۴ می‌شوند:



$$\boxed{?} = 44 \times 4 = 176$$

$$\textcircled{?} = 48 \times 4 = 192$$

$$192 + 176 = 368$$

پس مجموع این دو عدد برابر است با:

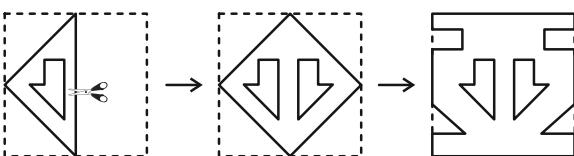
(هوش ریاضی)



(محمدعلی شاهین‌فر)

۲۷۰ - گزینه «۱»

مراحل تا را پس از برش بر عکس طی می‌کنیم:



(هوش غیرکلامی)

(فرزاد شیرمحمدی)

۲۶۶ - گزینه «۳»

یکی از طرح‌های شکل اصلی در هیچ‌یک از شکل‌های گزینه «۳»

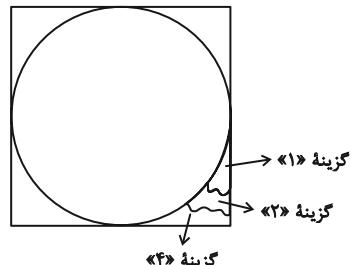
نیست:

شکل

(سید محمد نژاد)

۲۶۷ - گزینه «۳»

شکل مدنظر:

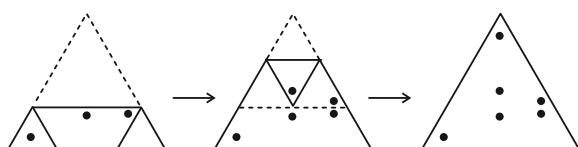


(هوش غیرکلامی)

(هادی زمانیان)

۲۶۸ - گزینه «۳»

مراحل تا را پس از سوراخ، بر عکس طی می‌کنیم:

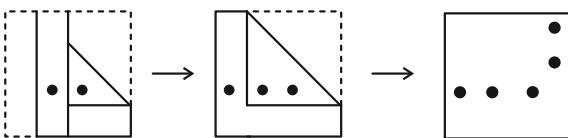


(هوش غیرکلامی)

(سید کتبی)

۲۶۹ - گزینه «۴»

مراحل تا را در گزینه «۴» پس از سوراخ بر عکس طی می‌کنیم:



(هوش غیرکلامی)