

تاریخ آزمون

جمعه ۱۸/۰۸/۱۴۰۳

سوالات آزمون

دفترچه شماره (۱)

دوره دوم متوسطه

پایه دهم ریاضی

شماره داوطلبی:	نام و نام خانوادگی:
مدت پاسخگویی: ۹۰ دقیقه	تعداد سوال: ۷۰

عناوین مواد امتحانی آزمون گروه آزمایشی علوم ریاضی، تعداد سوالات و مدت پاسخگویی

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سوال	شماره سوال		مدت پاسخگویی
			از	تا	
۱	ریاضی ۱	۲۰	۱	۲۰	۴۵ دقیقه
	هندسه ۱	۱۰	۲۱	۳۰	
۲	فیزیک ۱	۲۰	۳۱	۵۰	۲۵ دقیقه
۳	شیمی ۱	۲۰	۵۱	۷۰	۲۰ دقیقه

ریاضیات



ریاضی (۱)

-۱ اگر a_n یک دنباله هندسی و قدرنسبت دنباله برابر $\sqrt{2}$ باشد، حاصل $\frac{a_2 + a_3 + a_4 + a_5}{a_5 + a_6 + a_7 + a_8}$ کدام است؟

۶۴) ۴

۶۴۳

۱۲۸۷۲) ۲

-۲ اگر a_1, a_2, a_3 سه جملة اول دنباله هندسی هستند. جملهای بین a_2 و a_3 قرار می‌دهیم تا ۴ جمله حاصل تشکیل دنباله حسابی دهند. اگر تفاضل جمله اول از جمله سوم دنباله حسابی ۱۰ باشد، جمله ایم دنباله هندسی چند برابر جمله ایم دنباله هندسی است؟

۷۲) ۴

۳۶

۱۲۸۶۴) ۲

-۳ اگر وسط اضلاع یک شش ضلعی منتظم به طول ضلع a را به هم وصل کرده و دوباره وسط اضلاع شش ضلعی جدید را به هم وصل کنیم و این کار را تکرار کنیم، مساحت شش ضلعی ششم چند برابر مساحت شش ضلعی هشتم است؟

۹) ۴

۹۳

۹۲) ۲

-۴ اگر حاصل ضرب سه جملة متوالی دنباله هندسی سعودی ۲۷ و حاصل جمع آنها ۱۳ باشد، جمله بزرگ‌تر چند برابر جمله کوچک‌تر است؟

۹) ۴

۱۵

۳۲) ۲

-۵ در یک دنباله هندسی با قدرنسبت ۲ و جمله اول ۲، حاصل ضرب n جمله اول $(\sqrt{a})^n$ است. مقدار $n+a$ کدام است؟

۱۲) ۴

۱۶

۱۱) ۲

-۶ اگر a_n یک دنباله هندسی با قدرنسبت $\sqrt{3}$ باشد، حاصل جمع ۶ جمله اول چند برابر حاصل جمع ۶ جمله ششم است؟

۳۱) ۴

۳۱۵

۳۱۰) ۲

-۷ جملات دوم، سوم و چهارم یک دنباله هندسی جملات دهم، سیزدهم و هفدهم یک دنباله حسابی هستند. اگر جمله اول دنباله هندسی ۴ باشد، قدرنسبت دنباله هندسی کدام است؟

۴) ۴

۳۳

۵۲) ۲

۳۵)

-۸ اگر $a_n = \frac{1}{n(n+1)}$ باشد، مجموع ۲۰ جمله اول دنباله کدام است؟

۱۵) ۴

۱۷

۱۹) ۲

۲۰) ۱

-۹ اگر a_1, a_2, a_3 و سه جملة متوالی دنباله هندسی با قدرنسبت ۴ می‌باشد. اگر بین a_1 و a_2 عدد و بین a_2 و a_3 عدد طوری قرار دهیم که تمام جملات تشکیل دنباله حسابی دهند، مقدار n کدام است؟

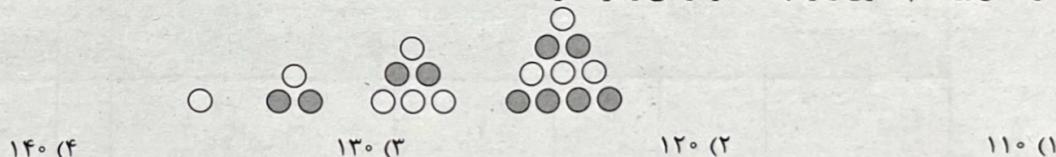
۱۶) ۴

۱۸

۱۷) ۲

۱۶)

-۱۰ در شکل بیستم الگوی زیر، چند دایره رنگی وجود دارد؟



۱۴۰) ۴

۱۳۰) ۳

۱۲۰) ۲

۱۱۰) ۱

-۱۱ برای دنباله a_n رابطه $a_n^2 - a_{n-1}a_{n-1} - 6a_n^2 = 0$ برقرار است. اگر جملات دنباله به طور متناوب مثبت و منفی باشند، با شرط $a_1 = 2$ ، جمله صدم دنباله کدام است؟

۲-۹۹) ۴

-۲-۹۹) ۳

-۲-۹۸) ۲

۲-۹۸) ۱

-۱۲ چه تعداد از گزاره‌های زیر صحیح است؟

الف) اگر a_n دنباله‌ای حسابی با قدرنسبت d و b_n دنباله‌ای حسابی با قدرنسبت d' باشد، دنباله $C_n = k_1 a_n + k_2 b_n$ دنباله‌ای با قدرنسبت $k_1 d + k_2 d'$ است.

ب) اگر a_n دنباله‌ای هندسی با قدرنسبت r و b_n دنباله‌ای هندسی با قدرنسبت r' باشد، دنباله $C_n = (a_n)^{k_1} \times (b_n)^{k_2}$ دنباله‌ای هندسی با قدرنسبت $r_1^{k_1} \times r_2^{k_2}$ است.

ج) دنباله ثابت دنباله‌ای هم حسابی و هم هندسی است.

۳) ۴

۲) ۳

۱۰۲

(۱) صفر

-۱۳ اگر a_1, a_2, a_3, a_4, a_5 ۲ جملات متوالی یک دنباله هندسی باشند، $b^2 + c + d^2 + e + f^2 = 20$ چند برابر $\sqrt{20}$ است؟ (۰ > ۱)

۱۷) ۴

۱۵)

۱۱)

۱۳)

- ۱۴ در یک دنباله حسابی با ۲۰ جمله، اگر مجموع جملات ردیف زوج صفر باشد، نسبت جمله هفتم به جمله پانزدهم کدام است؟

-۲ (۱)

۲ (۳)

-۱ (۲)

(۱)

- ۱۵ در یک دنباله حسابی با جمله اول $\sqrt{2} + 5$ و جمله دوم $7\sqrt{2}$ ، مجموع چهار جمله ۵۰ بیشتر است؟

۱۲۸ (۴)

۶۴ (۳)

۱۶ (۲)

۳۲ (۱)

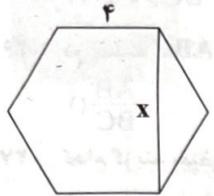
- ۱۶ شکل زیر یک شش ضلعی منتظم به طول ضلع ۴ است. نسبت مساحت شش ضلعی به x کدام است؟

۶ (۱)

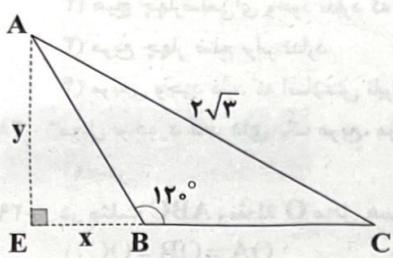
۸ (۲)

۱۲ (۳)

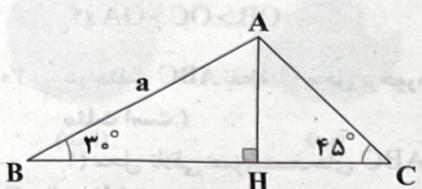
۴ (۴)



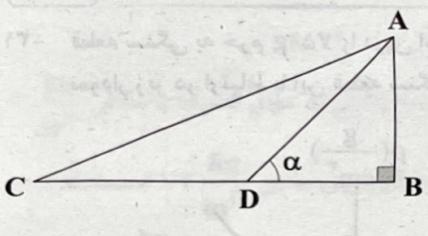
- ۱۷ با توجه به شکل زیر، مثلث ABC متساوی الساقین است. نسبت x به y کدام گزینه است؟

 $\frac{3}{\sqrt{6}}$ (۱) $\frac{\sqrt{3}}{3}$ (۲) $\sqrt{3}$ (۳) $\frac{\sqrt{6}}{3}$ (۴)

- ۱۸ مساحت شکل زیر کدام گزینه است؟

 $\frac{(1+\sqrt{2})a^2}{8}$ (۱) $\frac{(\sqrt{2}+1)a^2}{16}$ (۲) $\frac{(1+\sqrt{2})a^2}{32}$ (۳) $\frac{(1+\sqrt{2})a^2}{4}$ (۴)

- ۱۹ با توجه به شکل زیر $CD = AD = 2$ است. کدام رابطه زیر صحیح است؟

 $AC = 4 \cos \frac{\alpha}{2}$ (۱) $AC = 2 \cos \frac{\alpha}{2}$ (۲) $AC = 8 \cos \frac{\alpha}{2}$ (۳) $AC = \cos \frac{\alpha}{2}$ (۴)

- ۲۰ اگر مثلث ABC قائم‌الزاویه باشد ($\hat{A} = 90^\circ$) و $a = \sqrt{12}$ و $\tan \hat{B} = \sqrt{2}$ باشد، مساحت مثلث کدام است؟

۶\sqrt{2} (۴)

۲\sqrt{2} (۳)

۴\sqrt{2} (۲)

۳\sqrt{2} (۱)

هندسه (۱)

- ۲۱ دو نقطه A و B به فاصله ۸ واحد از هم قرار دارند. چند نقطه در صفحه وجود دارد که از نقطه A به فاصله ۵ واحد و از نقطه B به فاصله ۴ واحد باشند؟

۴ (۴)

۲ (۳)

۱ (۲)

۱ (صفر)

- ۲۲ خط L و نقاط M و N در صفحه مفروض‌اند و می‌دانیم خط L عمودمنصف پاره‌خط MN نیست. چند نقطه روی خط L وجود دارد که از دو نقطه M و N به یک فاصله باشند؟

۱) حداقل ۱ (۴)

۲ (۳)

۱ (۲)

۱ (صفر)

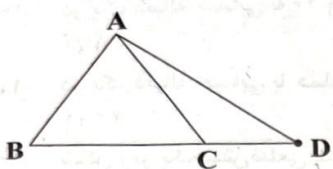
- ۲۳ در کدام گزینه لوزی قابل رسم نیست؟

۱) طول ضلع ۹ و قطر بزرگ ۱۰

۳) طول ضلع ۱۰ و قطر بزرگ ۱۲

- ۲۴ در اثبات قضیه «اگر در مثلث ABC داشته باشیم $\hat{C} > \hat{B}$ ، آن‌گاه $AB > AC$ » به کمک با فرض اثبات را شروع می‌کنیم.

۲) برهان خلف - $B \leq A$ ۱) برهان خلف - $AC \leq AB$ ۴) استدلال استنتاجی - $B \leq A$ ۳) استدلال استنتاجی - $AC \leq AB$



- ۲۵- در شکل زیر $AB = AC$ است. کدام گزینه قطعاً درست است؟

- ۱) $CD > BC$
- ۲) $AD > AC$
- ۳) $BD > AB$
- ۴) $BC > CD$

- ۲۶- در مثلث ABC , $\hat{A} = 75^\circ$ و $\hat{B} = 25^\circ$ است. نسبت بزرگترین ضلع مثلث به ضلع متوسط کدام است؟

- ۱) $\frac{BC}{AC}$ (۴)
- ۲) $\frac{BC}{AB}$ (۳)
- ۳) $\frac{AB}{AC}$ (۲)
- ۴) $\frac{AB}{BC}$ (۱)

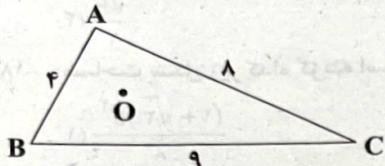
- ۲۷- کدام گزینه نقیض گزاره «هر چهارضلعی که اضلاع برابر دارد، مربع است» می‌باشد؟

- ۱) چهارضلعی وجود دارد که اضلاع برابر داشته و مربع نیست.
- ۲) هیچ چهارضلعی‌ای وجود ندارد که اضلاع برابر داشته باشد و مربع باشد.
- ۳) مربع چهار ضلع برابر ندارد.
- ۴) مربعی وجود دارد که اضلاعش نابرابرند.

- ۲۸- محل برخورد قطرهای یک مربع، مرکز دایره‌ای به شعاع ۵ است. اگر طول قطر مربع ۱۰ باشد، دایره و مربع در چند نقطه متقاطع هستند؟

- ۱) ۴ (۴)
- ۲) ۳ (۳)
- ۳) ۲ (۲)
- ۴) صفر (۱)

- ۲۹- در مثلث ABC , نقطه O محل همروزی نیمسازهای داخلی مثلث است. کدام رابطه صحیح است؟



- ۱) $OA = OB = OC$
- ۲) $OC > OB > OA$
- ۳) $OA > OB > OC$
- ۴) $OB > OC > OA$

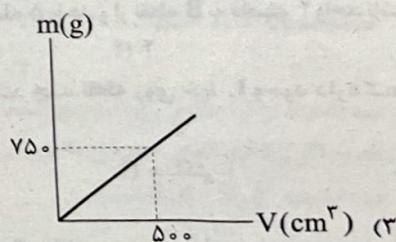
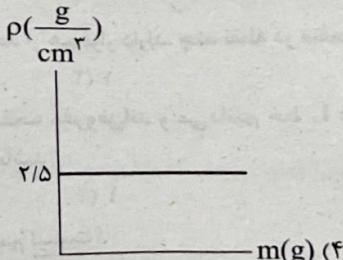
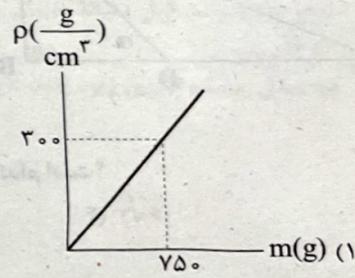
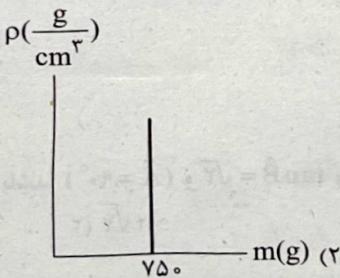
- ۳۰- در مثلث ABC نقطه O محل برخورد ارتفاعهای مثلث است. در مثلث OBC محل برخورد ارتفاعها کدام نقطه است؟ (۱) بزرگ‌ترین زاویه مثلث است).

- ۱) نقطه‌ای خارج از مثلث ABC
- ۲) محل تلاقی نیمسازهای ABC
- ۳) محل تلاقی عمودمنصفهای ABC
- ۴) رأس A

فیزیک



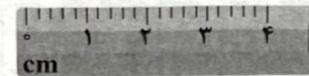
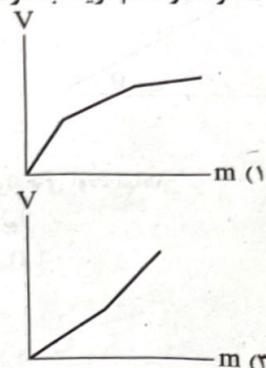
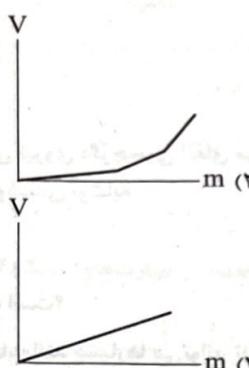
- ۳۱- قطعه سنگی به جرم 75 g را درون استوانه مدرج حاوی آب قرار می‌دهیم و حجم آب درون استوانه از 200 cm^3 به 500 cm^3 می‌رسد. کدام نمودار زیر در ارتباط با این قطعه سنگ درست است؟



- ۳۲- اگر در رابطه $E = \frac{1}{2}kx^2$, E نماد کمیت انرژی و x نماد کمیت طول باشد، حاصل ضرب یکای کمیت k در کدام گزینه برابر یکای کمیت شتاب در SI می‌شود؟

- ۱) $\frac{\text{m.s}}{\text{kg}}$ (۴)
- ۲) $\frac{\text{kg}}{\text{m.s}}$ (۳)
- ۳) $\frac{\text{m}}{\text{kg}}$ (۲)
- ۴) $\frac{\text{kg}}{\text{s}^2}$ (۱)

-۳۳- مطابق شکل زیر، سه مایع مخلوط نشدنی در ظرفی ریخته ایم. اگر از بالا به سمت کف ظرف حرکت کنیم، نمودار حجم برحسب جرم برای این مخلوط در کدام گزینه به درستی آمده است؟



$$1/0.2 \times 10^{-2} \text{ m (2)}$$

$$3/2 \times 10^6 \text{ nm (4)}$$

$$2/3 \times 10^4 \mu\text{m (1)}$$

$$1/5 \times 10^{-1} \text{ Gm (3)}$$

-۳۴- کدام گزینه می تواند نتیجه اندازه گیری با خطکش زیر باشد؟



(الف)

(ب)

$$\frac{16}{9} (1)$$

$$2 (2)$$

$$\frac{22}{9} (3)$$

$$3 (4)$$

-۳۵- مطابق شکل «الف»، کره ای به چگالی $\frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$ ۲ به شاعع 2cm داریم. سطح خارجی نیمکره بالایی شکل «الف» را برش می دهیم تا مانند شکل «ب» شود. اگر شاعع نیمکره حاصل، نصف شاعع کره اولیه باشد، چگالی شکل «ب» چند گرم بر سانتی متر مکعب است؟

$$150 (4) \quad 225 (3) \quad 600 (2) \quad 850 (1)$$

-۳۶- اتومبیل های A و B به ترتیب با تندی های $\frac{\text{km}}{\text{h}}$ ۷۰ و $\frac{\text{km}}{\text{h}}$ ۱۰۰ در حال حرکت هستند. اگر آهنگ مصرف سوخت برای اتومبیل های A و B به ترتیب $\frac{\text{L}}{\text{h}}$ ۶ و $\frac{\text{L}}{\text{h}}$ ۴ باشد، در لحظه ای که اختلاف میزان سوخت موجود در باک دو اتومبیل، دورقمی می شود، اختلاف فاصله آن ها چند کیلومتر است؟ (حجم اولیه سوخت خودروها برابر است).

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

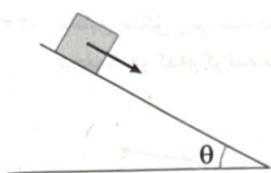
$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/2 (4)$$

$$5 (1) \quad 2 (2) \quad 0/5 (3) \quad 0/$$



- ۴۰- در مدل سازی لیز خوردن جعبه از روی یک سطح شیب دار از چه تعداد از موارد زیر می توان صرف نظر کرد؟

ب) ابعاد جعبه

د) زاویه θ

۲ (۲)

۴ (۴)

الف) وزن جعبه

ج) مقاومت هوا

۱ (۱)

۳ (۳)

- ۴۱- چه تعداد از فرایندهای زیر، بر اساس نیروی دگر جنسی اتفاق می افتد؟

ب) بالا رفتن آب و مواد غذایی از لوله های آوند گیاهان

الف) بالا رفتن نوشابه از نی هنگام نوشیدن نوشابه

د) تراویش آب از منفذ های مویین دیوار

ج) تشکیل قطره در مایعات

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

- ۴۲- چه تعداد از عبارت های زیر نادرست است؟

الف) اندازه برخی از درشت مولکول ها، مانند بسپارها می تواند تا 10^{-7} m باشد.

ب) در جامدهای بی شکل (آمورف)، تعداد اتصالات اتم های یکسان از یک ترکیب با یکدیگر متفاوت است.

ج) حجم معینی آب را توسط نیتروژن مایع به سرعت سرد می کنیم. بخ به دست آمده آمورف است.

د) فاصله بین مولکول های هوا در حدود 3 \AA است.

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

- ۴۳- با آلیازی به چگالی $\frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$ استوانه ای به جرم 750 g و ارتفاع 5 cm ایجاد می کنیم. اگر شعاع داخلی و خارجی استوانه را به ترتیب با R_1

و R_2 نشان دهیم و $R_2 - R_1 = 1 \text{ cm}$ در R_2 چند سانتی متر مربع است؟ ($\pi = 3$)

۵۶ (۴)

۱۵ (۳)

۶ (۲)

۵ (۱)

- ۴۴- دو ماده با چگالی های ρ_1 و ρ_2 را با نسبت جرم $= \frac{m_1}{m_2} = 4$ با یکدیگر مخلوط حاصل در کدام گزینه به دست آمده است؟

$$\frac{2 \cdot \rho_2 \rho_1}{4 \rho_2 + \rho_1} \quad (4)$$

$$\frac{\Delta \rho_2 \rho_1}{4 \rho_2 + \rho_1} \quad (3)$$

$$\frac{2 \cdot \rho_2 \rho_1}{4 \rho_1 + \rho_2} \quad (2)$$

$$\frac{2}{\rho_1 + 4 \rho_2} \quad (1)$$

- ۴۵- بر اساس رابطه فیزیکی $E = 3AB^2 + BC + \sqrt{2} \frac{C}{D}$ کدام عبارت قابل محاسبه می باشد؟ (هر کدام از حروف کمیتی مستقل هستند).

$$E + \frac{AB^2 + C}{D} \quad (4)$$

$$\frac{2A}{D} + \Delta C \quad (3)$$

$$5\sqrt{C} - 3A \quad (2)$$

$$\frac{3B^2 + D}{A} \quad (1)$$

- ۴۶- اگر نیروی عمودی $\frac{\text{Gg} \cdot \text{dm}}{\text{min}^2}$ بر سطحی به مساحت 10 cm^2 وارد شود، فشار حاصل چند کیلو پاسکال می شود؟

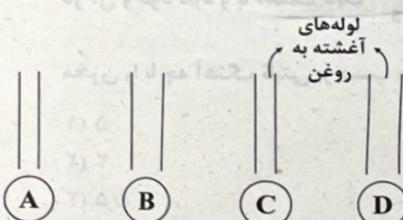
$$2 \times 10^{-4} \quad (4)$$

$$2 \quad (3)$$

$$200 \quad (2)$$

$$2 \times 10^5 \quad (1)$$

- ۴۷- قرار دادن کدام جفت لوله مویین در ظرف محتوی آب، بیشترین اختلاف ارتفاع را بین سطوح مایع درون دو لوله می دهد؟



C و D (۱)

A و D (۲)

B و C (۳)

A و C (۴)

- ۴۸- چه تعداد از تبدیل واحدهای زیر درست است؟

$$2/3 \text{ kJ} = 2/3 \frac{\text{mg} \cdot \text{cm}^2}{\mu \text{s}^2} \quad (2)$$

$$3 \quad (4)$$

$$5 \times 10^{-3} \frac{L}{s} = 5 \times 10^{-9} \frac{\text{mm}^3}{\text{Ms}} \quad (2)$$

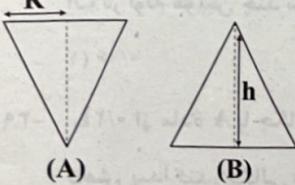
$$2 \quad (3)$$

$$0/0051 \frac{\text{Tg} \cdot \text{nm}}{\text{ms}^2} = 5/1 \text{ MN} \quad (2)$$

$$1 \quad (1)$$

$$1 \text{ صفر} \quad (1)$$

- ۴۹- دو ظرف مشابه مخروطی شکل، مطابق شکل زیر داریم. اگر تا $\frac{1}{3}$ ارتفاع هر دو ظرف، مایعی به چگالی ρ و $\frac{1}{2}$ باقی مانده مایعی به چگالی 2ρ بریزیم، چگالی مخلوط حاصل در ظرف A چند برابر چگالی مخلوط حاصل در ظرف B خواهد شد؟ (از جرم و حجم اولیه مخروط صرف نظر شود).



$$\frac{3}{5} \quad (2)$$

$$\frac{5}{7} \quad (4)$$

$$\frac{5}{3} \quad (1)$$

$$\frac{7}{5} \quad (3)$$

۵۰- حجم باران در یک روز بهاری و یک روز زمستانی، یکسان است. به طور معمول تعداد قطرات باریده شده در کدام روز بیشتر است و اگر جرم هر قطره باریده شده در یکی از روزها ۲ برابر جرم قطره در روز دیگر باشد، مساحت سطح قطرات بزرگ‌تر تقریباً چند برابر مساحت سطح قطرات کوچک‌تر است؟ (قطرات باران را کروی شکل در نظر بگیرید.)

۴) زمستان - ۲

۳) زمستان - $\sqrt{4}$

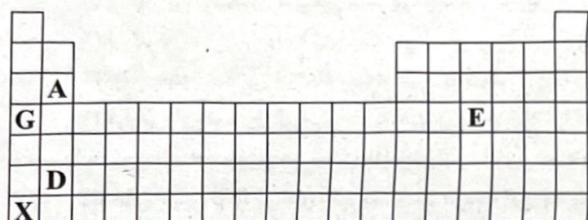
۲) بهار - ۲

۱) بهار - $\sqrt{4}$

شیمی



۵۱- با توجه به شکل زیر که بخشی از جدول دوره‌ای را نشان می‌دهد، چه تعداد از عبارت‌های پیشنهادشده درست است؟



- خانه A، متعلق به سه عنصر با عدد اتمی متفاوت است.

- تفاوت عدد اتمی D و X برابر با ۳۱ است.

- مجموع شماره دوره و گروه عنصر E برابر با عدد اتمی عنصر G است.

- شمار تمامی عنصرهای موجود در این بخش از جدول دوره‌ای، کمتر از شمار عنصرهای موجود در طبیعت است.

۲) ۲

۴) ۴

۱)

۳) ۳

۵۲- کدام مطالب زیر در ارتباط با اتم هیدروژن، درست است؟

(آ) طیف نشری خطی آن در ناحیه مرئی شامل چند نوار رنگی است که این نوارها در ناحیه پرانرژی‌تر، به هم نزدیک‌ترند.

(ب) مدل اتمی بور باعث شد تا دانشمندان بتوانند طیف نشری خطی هیدروژن را بیابند.

(پ) بور با در نظر گرفتن این‌که الکترون در اتم هیدروژن انرژی معینی دارد، مدلی را برای اتم هیدروژن ارائه کرد.

(ت) انرژی داد و ستدشده هنگام انتقال الکترون در اتم هیدروژن از لایه‌ای به لایه‌ای بالاتر، کوانتومی است و به صورت پیمانه‌های معینی نشر می‌شود.

(۱) «ب» و «ت» (۲) «آ» و «ب» (۳) «آ»، «پ» و «ت» (۴) «آ» و «پ»

۵۳- کدامیک از مطالب زیر در ارتباط با هشت عنصر فراوان سیاره‌های زمین و مشتری نادرست است؟

(۱) در هر کدام از دو سیاره، رتبه ششم فراوان‌ترین عنصر، مربوط به گوگرد است.

(۲) فراوانی سیلیسیم در زمین پس از آهن و اکسیزن، بیشتر از عنصرهای دیگر است.

(۳) در دما و فشار افقی، اکسیزن، تنها عنصر گازی سیاره زمین و عنصرهای گوگرد و کربن، تنها عنصرهای جامد سیاره مشتری به شمار می‌آیند.

(۴) در سیاره مشتری فراوانی نیتروژن بیشتر از فراوانی اکسیژن است.

۵۴- طول موج کدامیک از پرتوهای زیر تفاوت کم‌تری با طول بدن یک «زنبور عسل» دارد؟

(۱) ریزموج‌ها (۲) امواج رادیویی (۳) پرتوهای فرابنفش (۴) پرتوهای فروسخ

۵۵- اگر 80 درصد جرم MO را عنصر M تشکیل دهد، به تقریب چند درصد جرم M_O را عنصر M نادارست؟

شمار نوترون‌ها و الکترون‌های یون M^{2+} برابر با ۸ باشد، عدد اتمی M کدام است؟ (عدد جرمی را از نظر عددی با جرم اتمی با یکای amu یکسان در نظر بگیرید. $O = 16 \text{ g.mol}^{-1}$)

۲۹. ۹۲/۲۲(۴)

۲۵. ۹۲/۲۲(۳)

۲۹. ۸۸/۸۹(۲)

۲۵. ۸۸/۸۹(۱)

۵۶- چه تعداد از موارد زیر، جزء کاربردهای رادیوایزوتوپ‌ها به شمار می‌رود؟

- تولید انرژی الکتریکی

- تصویربرداری پزشکی

- سوخت در نیروگاه‌های اتمی

- تشخیص توده‌های سرطانی

- افزایش بهره‌وری در کشاورزی

۲) ۴

۳) ۳

۴) ۲

۵)

۵۷- چه تعداد از عبارت‌های زیر نادرست است؟

- اگر شمار نوترون‌های دو اتم، متفاوت باشد، آن دو اتم ایزوتوپ یکدیگرند.

- اگر نسبت شمار نوترون‌ها به شمار پروتون‌های یک اتم، کوچک‌تر از $1/5$ باشد، هسته آن اتم پایدار است.

- اگر پس از گذشت یک سال، جرم یک عنصر مجھول ثابت باقی بماند، می‌توان نتیجه گرفت که عنصر مورد نظر هسته پایداری داشته و فاقد خاصیت پرتوزایی است.

- در آنیون یک عنصر ممکن است شمار الکترون‌ها برابر با شمار نوترون‌ها شود، اما در کاتیون‌های یک عنصر، چنین چیزی ممکن نیست. ($Z > 1$)

۳) ۴

۲) ۳

۱) ۲

۱) صفر

- ۵۸- با توجه به مطالب کتاب درسی، کدام عبارت‌ها در ارتباط با ایزوتوپ‌های هیدروژن درست است؟
- (آ) تفاوت شمار ایزوتوپ‌های ساختگی و طبیعی هیدروژن، برابر با عدد جرمی فراوان ترین ایزوتوپ هیدروژن است.
- (ب) شمار رادیوایزوتوپ‌های هیدروژن برابر با عدد جرمی پایدارترین رادیوایزوتوپ ساختگی هیدروژن است.
- (پ) تفاوت شمار نوترون‌ها و پروتون‌ها در رادیوایزوتوپ طبیعی هیدروژن برابر با عدد جرمی ایزوتوپ پایداری از هیدروژن است که هسته آن شامل نوترون می‌باشد.
- (ت) ۷۲٪ از شمار ذره‌های موجود در اتم ناپایدارترین رادیوایزوتوپ هیدروژن، بدون بار هستند.
- (۱) آ، (۲) ب و (۳) آ و ت
- ۵۹- کدام یک از عبارت‌های زیر از نظر درستی یا نادرستی، متفاوت با سایر گزینه‌ها است؟
- (آ) شمار ایزوتوپ‌های طبیعی منزدیم، بیشتر از شمار ایزوتوپ‌های طبیعی لیتیم است.
- (۲) از گلوکن‌نشان دار برای تشخیص توده‌های سلطانی استفاده می‌شود و هر کدام از اتم‌های آن، پرتوزا هستند.
- (۳) برای تصویربرداری از غده تیروئید، رادیوایزوتوپی از تکنسیم مورد استفاده قرار می‌گیرد، زیرا یون حاوی تکنسیم با یون یدیت اندازه مشابهی دارد.
- (۴) فراوانی ایزوتوپی از اورانیم که به عنوان سوخت در راکتورهای اتمی استفاده می‌شود، در مخلوط طبیعی در حدود ۷٪ درصد است.
- ۶۰- الکترون اتم هیدروژن در حالت پایه با جذب انرژی به لایه الکترونی پنجم منتقل شده است. اگر همه حالت‌های ممکن برای بازگشت این الکترون به لایه‌های پایین‌تر را در نظر بگیریم، چند درصد این حالت‌ها موجب انتشار نوری با طول موجی در گستره ۴۰۰ تا ۷۰۰ نانومتر می‌شود؟
- (۱) ۳۲/۲۲ (۲) ۲۲/۲۲ (۳) ۳۰ (۴) ۴۰
- ۶۱- با توجه به داده‌های زیر، مقایسه میان طول موج پرتوهای A، B و C به کدام صورت درست است؟
- A: پرتوی نشرشده در رنگ شعله نمک لیتیم کلرید
- B: پرتوی نشرشده در اثر انتقال الکترون از $n=4$ به $n=3$ در اتم هیدروژن
- C: پرتوی نشرشده در اثر انتقال الکترون از $n=6$ به $n=2$ در اتم هیدروژن
- (۱) B < C < A (۲) C < A < B (۳) B < A < C (۴) A < C < B
- ۶۲- کدام مطلب زیر درست است؟
- (آ) نماد هر زیرلایه معین با عدد کوانتمی فرعی (I) مشخص می‌شود.
- (ب) لایه الکترونی چهارم، از چهار زیرلایه تشکیل شده است.
- (پ) گنجایش الکترونی پنجمین نوع زیرلایه یک اتم، برابر با مجموع گنجایش الکترونی زیرلایه‌های اول، دوم و سوم اتم است.
- (ت) دوره سوم جدول تناوبی شامل ۱۸ عنصر است.
- (۱) آ و ب (۲) آ، ب و پ (۳) ب و ب (۴) فقط ت
- ۶۳- ناحیه مرئی طیف نشري خطی کدام عنصر از خطوط بیشتری تشکیل شده است؟
- (۱) سدیم (۲) هیدروژن (۳) هلیم (۴) لیتیم
- ۶۴- مجموع اعداد کوانتمی اصلی و فرعی شماری از زیرلایه‌ها برابر با ۷ است. در مجموع چند الکترون در این زیرلایه‌ها می‌توانند جای بگیرند؟
- (۱) ۳۸ (۲) ۵۰ (۳) ۱۸ (۴) ۳۲
- ۶۵- آهن دارای چهار ایزوتوپ ^{54}Fe ، ^{56}Fe ، ^{57}Fe و ^{58}Fe است. اگر فراوانی ^{56}Fe برابر هر کدام از ایزوتوپ‌های دیگر باشد، در قطعه‌ای از آهن به جرم $22/42$ گرم، چه تعداد نوترون وجود دارد؟ (جرم هر پروتون و هر نوترون را 1amu در نظر بگیرید.)
- (۱) $7/236 \times 10^{24}$ (۲) $7/142 \times 10^{24}$ (۳) $7/812 \times 10^{24}$ (۴) $7/982 \times 10^{24}$
- ۶۶- چه تعداد از موارد زیر میان عنصرهای هیدروژن و هلیم متفاوت است؟
- از ۴ نوترون در جدول تناوبی
 - شماره دوره در جدول تناوبی
 - تفاوت از ۴ نوترون در طیف نشري خطی در ناحیه مرئی
 - گنجایش لایه الکترونی چهارم، چند برابر گنجایش لایه الکترونی دوم است؟
- (۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) ۴
- ۶۷- در نمونه‌ای به جرم ۵٪ گرم از ترکیب X_2N_2 ، شمار اتم‌های عنصر X برابر با $9/0^3 \times 10^{-3}$ است. اگر تفاوت شمار نوترون‌ها و الکترون‌ها در یون X^{+2} برابر با ۲ باشد، عدد اتمی X کدام است؟ ($N = 14\text{g.mol}^{-1}$)
- (۱) ۱۲ (۲) ۲۰ (۳) ۲۶ (۴) ۳۸
- ۶۸- از اتم‌های D^{2+} و X^{+5} در مجموع دارای ۳۹۷ ذره زیراتمی هستند. اگر تفاوت شمار الکترون‌های یون‌های D^{2+} و X^{-3} برابر با ۴۴ باشد، بعد از D، چند عنصر دیگر در جدول دوره‌ای وجود دارد؟
- (۱) ۳۶ (۲) ۳۸ (۳) ۲۶ (۴) ۲۸

تاریخ آزمون

جمعه ۱۸/۰۸/۱۴۰۳

پاسخنامه آزمون

دفترچه شماره (۲)

دوره دوم متوسطه

پایه دهم ریاضی

شماره داوطلبی:	نام و نام خانوادگی:
مدت پاسخگویی: ۹۰ دقیقه	تعداد سؤال: ۷۰

عنوانی مواد امتحانی آزمون گروه آزمایشی علوم ریاضی، تعداد سؤالات و مدت پاسخگویی

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سؤال	شماره سؤال		مدت پاسخگویی
			از	تا	
۱	ریاضی ۱	۲۰	۱	۲۰	۴۵ دقیقه
			۲۱	۳۰	
۲	فیزیک ۱	۲۰	۳۱	۵۰	۲۵ دقیقه
۳	شیمی ۱	۲۰	۵۱	۷۰	۲۰ دقیقه
	هندسه ۱	۱۰			

$$a_n = \frac{1}{n(n+1)} = \frac{1}{n} - \frac{1}{n+1}$$

۱ ۸

$$\Rightarrow a_1 + a_2 + \dots + a_{21} = (1 - \frac{1}{2} + \frac{1}{2} - \frac{1}{3} + \dots + \frac{1}{20} - \frac{1}{21}) = 1 - \frac{1}{21} = \frac{20}{21}$$

در نظر بگیرید، داریم: $a_1 = a$ اگر

۹ ۴

$$\begin{array}{c} \text{جمله} \\ \overbrace{\quad\quad\quad}^{\text{جمله}} \\ a \quad r a \quad r^2 a \end{array}$$

$$\Rightarrow \frac{r a - a}{r} = \frac{r^2 a - r a}{n+1} \Rightarrow \frac{r a}{r} = \frac{r^2 a}{n+1} \Rightarrow 2 = n+1 \Rightarrow n = 19$$

الگوی دایره‌های رنگی در جملات زوج به صورت زیر است:
 $2, 2+4, 2+4+6, 2+4+6+8, \dots$

$$\Rightarrow a_{2n} = n^2 + n \xrightarrow{n=19} a_{20} = 110$$

$$a_{n-1}^2 - a_n a_{n-1} - r a_n^2 = 0$$

۲ ۱۱

$$\Rightarrow (a_{n-1} - r a_n)(a_{n-1} + r a_n) = 0$$

$$\begin{cases} a_{n-1} = r a_n \Rightarrow \frac{a_n}{a_{n-1}} = \frac{1}{r} \\ a_{n-1} = -r a_n \Rightarrow \frac{a_n}{a_{n-1}} = -\frac{1}{r} \end{cases}$$

$$a_{10} = a_1 r^{10} = 2 \times (-\frac{1}{r})^{10} = -2^{-98}$$

موارد (الف) و (ب) صحیح است.

۳ ۱۲

دنباله ثابت با جملات غیرصفر هم هندسی و هم حسابی است.

 $2, b, c, d, 10$

۱ ۱۳

$$\begin{cases} b^2 = 2c \\ c^2 = 2d \\ d^2 = 10c \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} b^2 = 2\sqrt{2} \\ c^2 = \sqrt{2} \\ d^2 = 10\sqrt{2} \end{cases}$$

$$\frac{b^2 + c^2 + d^2}{\sqrt{20}} = \frac{13\sqrt{2}}{\sqrt{20}} = 13$$

$$\begin{aligned} a_1 + a_2 + \dots + a_{20} &= a_1 + d + a_1 + 2d + \dots + a_1 + 19d \\ &= 1 \cdot a_1 + 1 \cdot 0 \cdot d = 0 \Rightarrow a_1 = -1 \cdot d \quad (*) \end{aligned}$$

$$\Rightarrow \frac{a_2}{a_{10}} = \frac{a_1 + 9d}{a_1 + 19d} \xrightarrow{(*)} \frac{-r d}{r d} = -1$$

۳ ۱۵

$$\begin{cases} a_1 = 2 + \sqrt{2} \\ a_2 = 5 + \sqrt{2} \end{cases} \Rightarrow d = 2$$

مجموع چهار جمله پنجم: $a_{17} + a_{18} + a_{19} + a_{20}$.مجموع چهار جمله هفتم: $a_{75} + a_{76} + a_{77} + a_{78}$

$$\rightarrow 8d + 8d + 8d + 8d = 32d = 32 \times 2 = 64$$

اندازه قطر و مساحت شش ضلعی منتظم به ضلع a برابر است به:

۱ ۱۶

اندازه قطر $= \sqrt{3}a$

$$S = \frac{6\sqrt{3}}{4} a^2$$



۲

۱

$$\frac{a_{20} + a_{21} + a_{22} + a_{23}}{a_5 + a_{15} + a_{25} + a_{35}} = \frac{a_{20}(1+r^5+r^{10}+r^{15})}{a_5(1+r^5+r^{10}+r^{15})}$$

$$= \frac{a_1 r^{19}}{a_1 r^5} = r^{14} = (\sqrt{2})^{14} = 128\sqrt{2}$$

چون تفاضل جمله اول و سوم دنباله حسابی $= 1$ است،

جملات را به صورت زیر در نظر می‌گیریم:

$$a, a+d, a+2d, a+15 \Rightarrow (a+d)^2 = a(a+15)$$

$$\Rightarrow a^2 + 1 \cdot a + 2d = a^2 + 15a \Rightarrow a = d, r = 2$$

$$\frac{a_{10}}{a_5} = \frac{r^5}{r^3} = r^2 = 64$$

طول اضلاع شش ضلعی $\frac{\sqrt{3}}{2}$ برابر قبلی است، بنابراین دنبالهمساحتها یک دنباله هندسی با جمله اول $\frac{6a^2\sqrt{3}}{4}$ و قدرنسبت $\frac{3}{4}$ است.

$$\frac{a_6}{a_1} = \frac{r^5}{r^2} = \frac{1}{r^3} = \frac{16}{9}$$

$$\frac{a}{r} \times a \times ar = 27 \Rightarrow a = 3$$

$$\frac{3}{r} + 3 + 3r = 13 \xrightarrow{r=2} 3r^2 - 10r + 3 = 0$$

$$\begin{cases} r_1 = \frac{10+8}{6} = 3 \\ r_2 = \frac{10-8}{6} = \frac{1}{3} \end{cases}$$

$$\Rightarrow 1, 3, 9 \xrightarrow{\text{جمله بزرگ تر}} \frac{9}{1} = 9 \quad \xrightarrow{\text{جمله کوچک تر}}$$

$$2 \times 2^2 \times 2^3 \times \dots \times 2^n = r^{(1+2+\dots+n)} = 2^{\frac{n(n+1)}{2}}$$

$$\Rightarrow (\sqrt{2})^{n(n+1)} = (\sqrt{a})^{10} = (\sqrt{a})^{10 \times 1} \Rightarrow \begin{cases} a = 2 \\ n = 9 \end{cases} \Rightarrow a+n = 11$$

$$\frac{a_1 + a_2 + a_3 + a_4 + a_5 + a_6}{a_{21} + a_{22} + a_{23} + a_{24} + a_{25} + a_{26}}$$

$$= \frac{a_1(1+r+r^2+r^3+r^4+r^5)}{a_{21}(1+r+r^2+r^3+r^4+r^5)} = \frac{1}{r^5} = \frac{1}{(\sqrt{2})^5} = \frac{1}{32} = 3^{-15}$$

اگر a_n دنباله هندسی و t_n دنباله حسابی باشد:

$$\begin{cases} t_1 = a_2 = 4r \\ t_2 = a_3 = 4r^2 \\ t_{12} = a_7 = 4r^6 \end{cases}, \quad \begin{cases} t_{12} - t_1 = 2d \\ t_{12} - t_2 = 4d \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} 4r^6 - 4r = 2d \\ 4r^6 - 4r^2 = 4d \end{cases} \xrightarrow{+} \frac{4r^6 - 4r}{4r^6 - 4r^2} = \frac{1}{r^2}$$

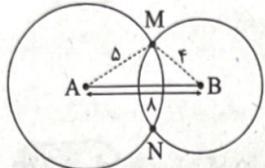
$$\Rightarrow \frac{4r(r-1)}{4r^5(r-1)} = \frac{1}{r} \Rightarrow \frac{1}{r} = \frac{1}{r} \Rightarrow r = \frac{1}{r}$$

$$b^2 + c^2 = 12 \Rightarrow 2c^2 + c^2 = 12 \\ \Rightarrow 3c^2 = 12 \Rightarrow c^2 = 4 \Rightarrow c = 2 \quad b = \sqrt{12} \Rightarrow b = 2\sqrt{3}$$

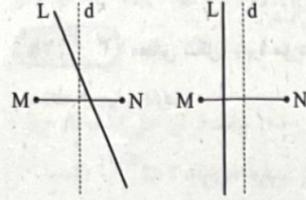
$$S = \frac{1}{2}bc = \frac{1}{2} \times 2 \times 2\sqrt{3} = 2\sqrt{3}$$

۲۱ $R_B = 4$ به مرکز A و شعاع $R_A = 5$ و به مرکز B و شعاع $R_B = 4$

دایره‌هایی رسم می‌کنیم. محل برخورد این دایره‌ها جواب مسئله است و $|R_A - R_B| < AB < R_A + R_B$ است، این دایره‌ها در ۲ نقطه هم‌دیگر را قطع می‌کنند، پس مسئله ۲ جواب دارد.

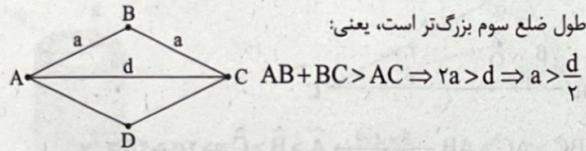


۲۲ مکان هندسی نقاطی که از دو نقطه M و N به یک فاصله باشد، عمودمنصف MN است (خط d). اگر خط L را قطع کند، مسئله ۱ جواب دارد و اگر خط d با خط L موازی باشد، مسئله جواب ندارد.



پس حداقل یک نقطه روی خط L وجود دارد که از دو نقطه M و N به یک فاصله است.

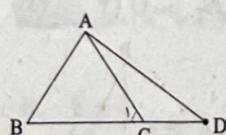
۲۳ می‌دانیم در لوزی طول اضلاع با هم برابر است پس $AB = BC = a$ و همچنین در هر مثلث، مجموع طول هر دو ضلع از



يعني طول ضلع لوزی باید بزرگ‌تر از نصف طول قطر بزرگ باشد، بنابراین لوزی به طول ضلع ۸ و قطر بزرگ ۱۸ نداریم.

۲۴ می‌دانیم قضیه «اگر در مثلثی دو زاویه نابرابر وجود داشته باشد، ضلع مقابل به زاویه بزرگ‌تر از ضلع مقابل به زاویه کوچک‌تر، بزرگ‌تر است» به کمک برهان خلف ثابت می‌شود و برای شروع باید فرض کنیم $AC \leq AB$ یعنی $\hat{A} > \hat{C}$ است.

۲۵

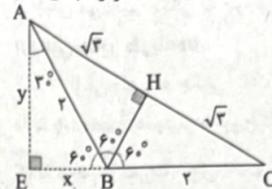


$$\left\{ \begin{array}{l} \Delta ABC: AB = AC \Rightarrow \hat{B} = \hat{C}_1 \Rightarrow \hat{B} > \hat{D} \\ \Delta ACD: \hat{C}_1 > \hat{D} \end{array} \right.$$

$$\left\{ \begin{array}{l} \Delta ABD: \hat{B} > \hat{D} \Rightarrow AD > AB \\ AB = AC \end{array} \right. \Rightarrow AD > AC$$

$$\text{ضلعی منتظم} \\ S = \frac{6\sqrt{2}}{4} \times 16 = 24\sqrt{2} \\ \text{قطر} : x = \sqrt{3} \times 4 = 4\sqrt{3} \\ \frac{S}{x} = \frac{24\sqrt{2}}{4\sqrt{3}} = 6$$

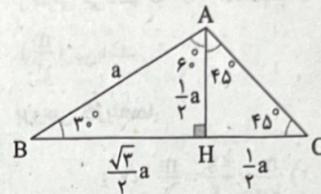
۲۶ نیمساز زاویه B در مثلث متساوی‌الاضلاع ABC را رسم می‌کنیم:



$$\Delta BHA: \sin 60^\circ = \frac{\sqrt{3}}{BA} \Rightarrow BA = 2$$

$$\Delta AEB: \left\{ \begin{array}{l} x = \frac{1}{2} \times 2 = 1 \\ y = \frac{\sqrt{3}}{2} \times 2 = \sqrt{3} \end{array} \right. \Rightarrow \frac{x}{y} = \frac{1}{\sqrt{3}} = \frac{\sqrt{3}}{3}$$

۱۷



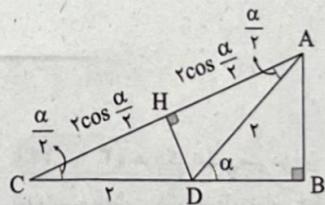
$$\Delta AHC: \frac{1}{2}a \xrightarrow{\text{متساوی‌الاضلاع}} CH = \frac{1}{2}a$$

$$BH = \frac{\sqrt{3}}{2}a$$

$$S_{\Delta ABC} = \frac{1}{2} \times AH \times BC = \frac{1}{2} \times \frac{1}{2}a \times \frac{(1+\sqrt{3})}{2}a = \frac{(1+\sqrt{3})a^2}{8}$$

۱۸

$$\Delta ACD: \alpha = \hat{C} + \hat{A} \xrightarrow{\hat{A} = \hat{C}} \hat{A} = \hat{C} = \frac{\alpha}{2}$$

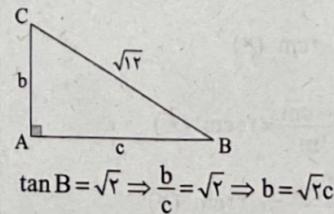


$$\Delta AHD: \cos \frac{\alpha}{2} = \frac{AH}{2} \Rightarrow AH = 2 \cos \frac{\alpha}{2}$$

به طور مشابه:

$$CH = 2 \cos \frac{\alpha}{2} \Rightarrow AC = 4 \cos \frac{\alpha}{2}$$

۱۹



$$\tan B = \sqrt{3} \Rightarrow \frac{b}{c} = \sqrt{3} \Rightarrow b = \sqrt{3}c$$

فیزیک



۴) حجم قطعه سنگ برابر با تغییرات حجم آب است، بنابراین با

توجه به رابطه چگالی داریم:

$$\rho = \frac{m}{V} \Rightarrow \rho = \frac{75}{500 - 200} = \frac{75}{300} = 2/5 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$$

از طرفی می‌دانیم چگالی به جرم و حجم وابسته نیست.

بررسی سایر گزینه‌ها:

۱ و ۲) از آن جایی که چگالی، ثابت است، پس در نمودارهایی که چگالی وجود دارد، باید خطی عمود بر محور چگالی و موازی با محور دیگر رسم شود.

۳) با توجه به صورت سوال، حجم سنگ با جرم 75g برابر با 350cm^3 می‌باشد، نه 500cm^3 .

۲) با توجه به سازگاری یکاها در دو طرف یک رابطه داریم:

$$[E] \equiv \frac{\text{kg} \cdot \text{m}^3}{\text{s}^2} \xrightarrow{[x] \equiv m} \frac{\text{kg} \cdot \text{m}^3}{\text{s}^2} \equiv [k] \times m^3 \Rightarrow [k] \equiv \frac{\text{kg}}{\text{s}^3}$$

از طرفی می‌دانیم که یکای کمیت شتاب در SI برابر با متر بر مجدول ثانیه $\left(\frac{\text{m}}{\text{s}^2}\right)$ می‌باشد.

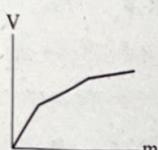
بررسی گزینه‌ها:

$$1) \frac{\text{kg}}{\text{s}^2} \times \frac{\text{kg}}{\text{s}^2} = \frac{\text{kg}^2}{\text{s}^4} \quad (\times) \quad 2) \frac{\text{m}}{\text{kg}} \times \frac{\text{kg}}{\text{s}^2} = \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \quad (\checkmark)$$

$$3) \frac{\text{kg}}{\text{m} \cdot \text{s}} \times \frac{\text{kg}}{\text{s}^2} = \frac{\text{kg}^2}{\text{m} \cdot \text{s}^3} \quad (\times) \quad 4) \frac{\text{m} \cdot \text{s}}{\text{kg}} \times \frac{\text{kg}}{\text{s}^2} = \frac{\text{m}}{\text{s}} \quad (\times)$$

۱) می‌دانیم هرچه یک مانع، چگالی بیشتری داشته باشد، پالین تر قرار می‌گیرد، بنابراین هر چه به سمت پایین حرکت می‌کنیم، چگالی افزایش می‌یابد.

با توجه به این که شب نمودار حجم بر حسب جرم برابر با معکوس چگالی $(\frac{1}{\rho})$ است، پس با حرکت از بالا به سمت کف ظرف، با افزایش چگالی، شب نمودار $V-m$ باید کاهش یابد.



۳) هر یک سانتی‌متر در این خطکش به ۵ قسمت مساوی تقسیم شده است، بنابراین دقیق اندازه‌گیری این خطکش برابر با 2cm است. بنابراین گرینه‌های می‌توانند نتیجه اندازه‌گیری با این خطکش باشد که مضرب صحیحی از 2cm باشد.

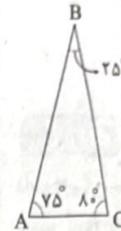
بررسی گزینه‌ها:

$$1) 2/3 \times 10^{-4} \mu\text{m} \times \frac{10^{-9}\text{m}}{1\mu\text{m}} \times \frac{10^{-2}\text{cm}}{1\text{m}} = 2/3\text{cm} \quad (\times)$$

$$2) 1/0.2 \times 10^{-2} \text{m} \times \frac{10^{-2}\text{cm}}{1\text{m}} = 1/0.2\text{cm} \quad (\times)$$

$$3) 1/5 \times 10^{-1} \text{Gm} \times \frac{10^{-9}\text{m}}{1\text{Gm}} \times \frac{10^{-2}\text{cm}}{1\text{m}} = 1/5\text{cm} \quad (\checkmark)$$

$$4) 2/2 \times 10^{-6} \text{nm} \times \frac{10^{-9}\text{m}}{1\text{nm}} \times \frac{10^{-2}\text{cm}}{1\text{m}} = 0/32\text{cm} \quad (\times)$$



$$\hat{C} = 180^\circ - (\hat{A} + \hat{B}) = 180^\circ - (75^\circ + 25^\circ) \Rightarrow \hat{C} = 80^\circ$$

$$\hat{C} > \hat{A} > \hat{B} \Rightarrow AB > BC > AC$$

$$\frac{\text{ضلع بزرگ}}{\text{ضلع متوسط}} = \frac{AB}{BC}$$

۱) نقیض این گزاره را می‌توان به یکی از صورت‌های زیر بیان کرد:

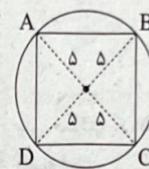
الف) هر چهارضلعی که اضلاع برابر دارد، لزوماً مربع نیست.

ب) چنین نیست که چهارضلعی که اضلاع برابر دارد، مربع است.

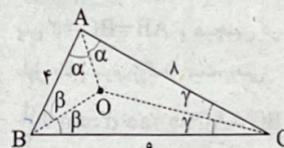
ج) وجود دارد چهارضلعی که اضلاع برابر دارد، ولی مربع نیست.

۲) مطابق شکل، دایره مورد نظر از هر ۴ رأس مربع عبور می‌کند

و مسئله ۴ جواب دارد.



۲) از O به رأس‌های مثلث وصل می‌کنیم، نیمساز زوایا به دست می‌آید:

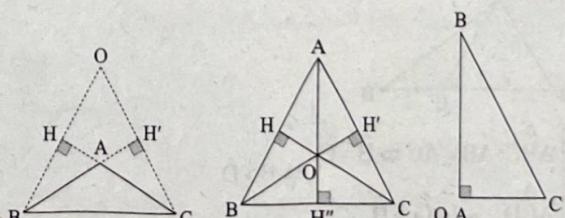


$$\begin{aligned} BC > AC > AB &\xrightarrow{\text{ضلع برتر}} \hat{A} > \hat{B} > \hat{C} \Rightarrow 2\alpha > 2\beta > 2\gamma \\ \Rightarrow \alpha > \beta > \gamma \end{aligned}$$

$$\begin{cases} \Delta OAB: \alpha > \beta \xrightarrow{\text{زاویه برتر}} OB > OA \\ \Delta OBC: \beta > \gamma \xrightarrow{\text{زاویه برتر}} OC > OB \end{cases} \Rightarrow OC > OB > OA$$

نکته: هرچه یک ضلع کوچک‌تر باشد، پاره‌خطی که از محل تلاقی نیمسازها به رأس مقابل آن وصل می‌شود، بزرگ‌تر است.

۳) محل تلاقی ارتفاع‌های BH' و CH' است.



همان‌طور که در شکل مشخص است، در مثلث OBC ارتفاع‌های CH' و BH' در رأس A همدیگر را قطع کرده‌اند، پس A محل تلاقی ارتفاع‌ها در مثلث OBC است.

۲۹ جرم مخلوط حاصل برابر است با:

$$m_{\text{مخلوط}} = m_A + m_B = \rho_A V_A + m_B = 1/5 \times 10^{-3} + 300 = 600 \text{ g}$$

حجم مخلوط حاصل برابر است با:

$$V_{\text{مخلوط}} = \frac{\rho}{100} \times (V_A + V_B) = \frac{\rho}{10} \times (V_A + \frac{m_B}{\rho_B})$$

$$\Rightarrow V_{\text{مخلوط}} = \frac{\rho}{10} \times (1/2 \times 10^{-3} + \frac{300}{3}) = \frac{\rho}{10} \times (200 + 100) = 240 \text{ cm}^3$$

بنابراین چگالی مخلوط حاصل برابر است با:

$$\rho_{\text{مخلوط}} = \frac{m_{\text{مخلوط}}}{V_{\text{مخلوط}}} = \frac{600}{240} = 2.5 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$$

۴۰ از ابعاد جعبه و مقاومت هوا می‌توان صرف‌نظر کرد، اما صرف‌نظر از نیروی وزن و زاویه θ حرکت را دچار تغییر می‌کند.

۴۱ موارد «ب» و «د» به سبب نیروی دگرچسبی اتفاق می‌افتد.

بررسی سایر موارد،

(الف) براساس فشار منفی ایجاد شده توسط شخص اتفاق می‌افتد.

ج) براساس نیروی همچسبی اتفاق می‌افتد.

۴۲ بررسی عبارت‌ها:

(الف) اندازه بعضی بسپارها می‌تواند تا 1000 \AA برسد، از آن جایی که هر A برابر با

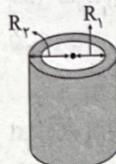
10^{-10} m است، بنابراین اندازه بعضی از بسپارها می‌تواند تا 10^{-7} m باشد. (✓)

(ب) تعداد اتصالات هر اتم، یکسان است، اما ساختار قرارگیری شبک ندارند. (✗)

(ج) وقتی مایع یا بخار به سرعت سرد شوند، جامد بی‌شک به وجود می‌آید. (✓)

(د) فاصله بین مولکول‌های هوا در حدود 35 \AA است. (✗)

۴۳ با استفاده از رابطه چگالی، حجم استوانه را محاسبه می‌کنیم:



$$\rho = \frac{m}{V} \Rightarrow V = \frac{m}{\rho} \Rightarrow V = \frac{75}{10} = 7.5 \text{ cm}^3$$

با استفاده از حجم و ارتفاع استوانه، مساحت قاعده را می‌یابیم:

$$V = hA \Rightarrow A = \frac{V}{h} \Rightarrow \frac{75}{5} = 15 \text{ cm}^2$$

بنابراین:

$$A = \pi(R_2 - R_1)^2 = \pi(R_2 - R_1)(R_2 + R_1)$$

$$\Rightarrow 15 = \pi \times 1 \times (R_2 + R_1) \Rightarrow R_2 + R_1 = 5 \text{ cm}$$

در نتیجه داریم:

$$\begin{cases} R_2 + R_1 = 5 \\ R_2 - R_1 = 1 \end{cases} \Rightarrow R_2 = 3 \text{ cm} \text{ و } R_1 = 2 \text{ cm} \Rightarrow R_2 R_1 = 6 \text{ cm}^2$$

با توجه به رابطه چگالی مخلوط داریم:

$$\rho_{\text{مخلوط}} = \frac{m_1 + m_2}{V_1 + V_2}$$

$$\frac{m_1 = 4m_2}{\text{مخلوط}} \rightarrow \rho_{\text{مخلوط}} = \frac{4m_2 + m_2}{V_1 + V_2} = \frac{5m_2}{V_1 + V_2} = \frac{5m_2}{5} = m_2$$

۴۵ با توجه به این که چگالی فقط به جنس و دمای جسم بستگی دارد، بنابراین با کاهش و افزایش حجم جسم، تغییر نمی‌کند، در نتیجه چگالی همان $\frac{g}{\text{cm}^3}$ خواهد بود.

۴۶ اختلاف میزان سوخت موجود در باک دو اتوبوس، دو رقمی شود، یعنی برابر 10 L شود.
اختلاف آهنگ مصرف سوخت دو اتوبوس برابر است با:

$$10L \times \frac{h}{2L} = 5h$$

محاسبه می‌کنیم در ۵ ساعت هر کدام از اتوبوس‌های A و B چقدر می‌بینند:

$$\begin{cases} d_A : 7 \times \frac{\text{km}}{\text{h}} \times 5h = 35 \text{ km} \\ d_B : 10 \times \frac{\text{km}}{\text{h}} \times 5h = 50 \text{ km} \end{cases} \Rightarrow d_B - d_A = 50 - 35 = 15 \text{ km}$$

۴۷ جرم اولیه هوا موجود در مخزن برابر است با:

$$\rho = 1/2 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} = \frac{m}{V} \Rightarrow 1/2 = \frac{m}{Ah} = \frac{m}{6/25 \times 2/4}$$

$$\Rightarrow m_1 = 1/2 \times 15 = 18 \text{ kg}$$

مخزن جرمی که در مدت $2/58$ وارد مخزن می‌شود، برابر است با:

$$m_2 = 2/4 \frac{\text{m}^3}{\text{s}} \times 2/58 \times 5 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} = 3 \text{ kg}$$

$$m_{\text{کل}} = m_1 + m_2 = 18 + 3 = 21 \text{ kg}$$

بنابراین: در نتیجه حجم مورد نیاز برابر است با:

$$\rho' = 4 = \frac{m}{V} \Rightarrow 4 = \frac{48}{V} \Rightarrow V = \frac{48}{4} = 12 \text{ m}^3$$

$$V = Ah' \Rightarrow 12 = 2/4 \times h' \Rightarrow h' = 6 \text{ m}$$

$$h - h' = 6/25 - 6 = 1/25 \text{ m}$$

$$\frac{\Delta h}{\Delta t} = \frac{1/25}{2/5} = 0.5 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

بنابراین: ۴۸ مایع تا جایی در لوله موبین بالا می‌آید که نیروی دگرچسبی و وزن، هم اندازه شوند.

$$F = mg$$

$$\Rightarrow m = \frac{F}{g} = \frac{45 \times 10^{-5}}{10} = 4.5 \times 10^{-6} \text{ kg}$$

با توجه به رابطه چگالی داریم:

$$\rho = \frac{m}{V} \Rightarrow V = \frac{m}{\rho} \Rightarrow V = \frac{45 \times 10^{-6}}{1 \times 10^{-3}} = 45 \times 10^{-9} \text{ m}^3$$

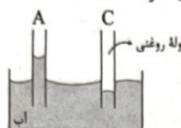
از طرفی سطح مقطع لوله برابر است با:

$$A = \pi r^2 = \pi \times (5 \times 10^{-4})^2 = 7.85 \times 10^{-8} \text{ m}^2$$

بنابراین:

$$V = Ah \Rightarrow h = \frac{V}{A} = \frac{45 \times 10^{-9}}{7.85 \times 10^{-8}} = \frac{3}{5} \times 10^{-1} = 0.6 \text{ m} = 6 \text{ cm}$$

هر چه لوله موبین باریک‌تر باشد، ارتفاع آب درون آن بیشتر است. قدرت نیروی هم‌چسبی مولکول‌های آب به نسبت نیروی گرچه‌سی با مولکول‌های روغن بیشتر است، بنابراین ارتفاع آب درون لوله موبین کاهش می‌یابد. هر چه لوله باریک‌تر باشد، این کاهش ارتفاع بیشتر است.



بررسی عبارت‌ها:

$$(الف) \frac{Tg \cdot nm}{ms^2} \times \frac{10^{-1} g}{1Tg} \times \frac{1kg}{10^{-3} g} \times \frac{10^{-9} m}{1nm}$$

$$\times \frac{1ms^2}{10^{-6} s^2} = 0.00051 \times 10^6 \frac{kg \cdot m}{s^2}$$

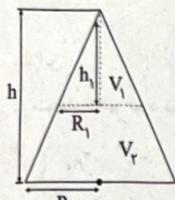
$$= 0.00051 \times 10^6 N = 0.00051 MN = 5.1 \times 10^{-3} MN \quad (\times)$$

$$(ب) 5 \times 10^{-3} \frac{L}{s} \times \frac{1m^3}{10^{-3} L} \times \frac{10^9 mm^3}{1m^3} \times \frac{10^6 s}{1Ms} = 5 \times 10^6 \frac{mm^3}{Ms} \quad (\checkmark)$$

$$(ج) 2/3 kJ = 2/3 \times 10^3 J = 2/3 \times 10^3 \frac{kg \cdot m^2}{s^2} \times \frac{10^3 g}{1kg} \times \frac{1mg}{10^{-3} g}$$

$$\times \frac{10^4 cm^3}{1m^3} \times \frac{10^{-12} s^2}{1\mu s^2} = 2/3 \times 10^1 \frac{mg \cdot cm^3}{\mu s^2} \quad (\times)$$

با توجه به تشابه مثلث‌ها داریم:



$$\frac{h_1}{h} = \frac{R_1}{R} \Rightarrow \frac{1}{2} = \frac{R_1}{R} \Rightarrow R_1 = \frac{1}{2} R$$

$$V = \frac{1}{3} \pi R^2 h = R^2 h$$

حجم مخروط کامل برابر است با:

حجم نیمه بالایی مخروط برابر است با:

$$V_1 = \frac{1}{3} \pi R_1^2 h_1 = \frac{1}{3} \times \frac{\pi}{4} \times \left(\frac{R}{2}\right)^2 \times \frac{h}{2} = \frac{R^2 h}{8}$$

$$V_2 = V - V_1 = \frac{\pi}{3} R^2 h$$

حجم نیمه پایینی مخروط برابر است با:

بنابراین با توجه به رابطه چگالی مخلوط داریم:

$$\rho_{\text{مخروط}} = \frac{\rho_1 V_1 + \rho_2 V_2}{V_1 + V_2}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} \rho_A = \frac{\rho \times \frac{R^2 h}{8} + 2\rho \times \frac{\pi}{4} R^2 h}{R^2 h} = \frac{15}{8} \rho \\ \rho_B = \frac{\rho \times \frac{\pi}{4} R^2 h + 2\rho \times \frac{R^2 h}{8}}{R^2 h} = \frac{9}{8} \rho \end{cases}$$

$$\frac{\rho_A}{\rho_B} = \frac{\frac{15}{8} \rho}{\frac{9}{8} \rho} = \frac{15}{9} = \frac{5}{3}$$

بنابراین:

بالا و پایین کسر را بر m_1 تقسیم می‌کنیم

$$\rho_{\text{مخلوط}} = \frac{\frac{\Delta m_2}{m_2}}{\frac{V_1 + V_2}{m_2}} = \frac{\frac{\Delta}{m_2}}{\frac{V_1}{m_2} + \frac{V_2}{m_2}}$$

$$\xrightarrow{m_1 = 4m_2} \rho_{\text{مخلوط}} = \frac{\frac{\Delta}{m_2}}{\frac{V_1}{m_1} + \frac{V_2}{m_2}}$$

$$\Rightarrow \rho_{\text{مخلوط}} = \frac{\frac{\Delta}{4+1}}{\frac{\rho_1 + \rho_2}{\rho_1 \rho_2}} = \frac{\frac{\Delta}{5}}{\frac{\rho_1 + \rho_2}{\rho_1 \rho_2}} = \frac{\Delta \rho_1 \rho_2}{\rho_1 + \rho_2}$$

(۳) با توجه به رابطه فیزیکی، هر ترکیب از کمیت‌های مختلف باید از لحاظ یکا برابر باشد.

بنابراین:

$$[E] \equiv [AB^r] \equiv [BC] \equiv \left[\frac{C}{D} \right]$$

$$\Rightarrow \begin{cases} [A][B]^r \equiv [B][C] \Rightarrow [A][B] \equiv [C] \\ [B][C] \equiv \left[\frac{C}{D} \right] \Rightarrow [B] \equiv [D]^{-1} \\ [A][B] \equiv [C] \xrightarrow{[B] \equiv [D]^{-1}} \left[\frac{A}{D} \right] \equiv [C] \end{cases}$$

بررسی گزینه‌ها:

$$1) \frac{[B]^r + [D]}{[A]} \equiv \frac{[B]^r + [B]^{-1}}{[A]} \quad (\times)$$

امکان ندارد، زیرا $[B]^r$ و $[B]^{-1}$ دارای یکاهای برابر نیستند، پس با هم جمع نمی‌شوند.

$$2) [\sqrt{C}] \equiv [A] \quad (\times)$$

اگر $[A][B] \equiv [C]$ و $[A]$ برابر باشد، بنابراین طبق رابطه A باید B کمیتی یکسان باشد که با اطلاعات داده شده در سؤال، مغایرت دارد.

$$3) \frac{[A]}{[D]} \equiv [C] \quad (\checkmark)$$

$$4) [AB^r] \equiv [C] \quad (\times)$$

امکان ندارد زیرا با توجه به اطلاعات داده شده در سؤال به دست آوریدم $[A][B] \equiv [C]$

(۲) می‌دانیم یک نیوتون (N) برابر با $\frac{kg \cdot m}{s^2}$ می‌باشد، بنابراین:

$$F = \gamma / \gamma \frac{Gg \cdot dm}{min^2} \times \frac{10^3 g}{1Gg} \times \frac{1kg}{10^{-3} g} \times \frac{10^{-1} m}{1dm} \times \frac{1min^2}{3600 s^2} = ?? \times 10^3 N$$

از سال نهم به یاد داریم که فشار حاصل از نیروی F از رابطه $F = \frac{F}{A}$ به دست می‌آید، بنابراین:

$$P = \frac{F}{A} \Rightarrow P = \frac{?? \times 10^3}{10 \times 10^{-4}} = 0.2 \times 10^6 Pa$$

$$= 0.2 \times 10^6 kPa = 2 \times 10^5 kPa$$

۴ به جز عبارت آخر، سایر عبارت‌ها نادرست هستند. ۵۷

- بررسی عبارت‌های نادرست،
- این عبارت در صورتی درست است که شمار پروتون‌های دو اتم (عدد اتمی)، با هم برابر باشد.
- تکنسیم - ۹۹، یک رادیوایزوتوپ با هسته ناپایدار بوده و شمار نوترون‌های آن، کمتر از $\frac{1}{5}$ برابر شمار پروتون‌های آن است:

$$\frac{99}{99+43} = \frac{56}{43} = \frac{1}{3}$$

نیم عمر هسته برخی از رادیوایزوتوپ‌ها مانند H_1^3 ، بسیار بیشتر از یک سال است.

۲ بررسی عبارت‌ها، ۵۸

- (آ) هیدروژن دارای ۳ ایزوتوپ طبیعی و ۴ ایزوتوپ ساختگی است. عدد جرمی فراوان‌ترین ایزوتوپ هیدروژن (H_1^1) برابر با ۱ است.
- (ب) هیدروژن دارای ۵ رادیوایزوتوپ است و پایدارترین رادیوایزوتوپ ساختگی آن، H_1^5 است.

- (پ) رادیوایزوتوپ طبیعی هیدروژن (H_1^3) شامل یک پروتون و دو نوترون است، در صورتی که عدد جرمی ایزوتوپ پایدار هیدروژن که هسته آن شامل نوترون می‌باشد (H_1^2)، برابر با ۲ است.
- (ت) ناپایدارترین رادیوایزوتوپ هیدروژن (H_1^7) شامل یک پروتون (بار مثبت)، یک الکترون (بار منفی) و ۶ نوترون (بدون بار) است:

$$\frac{6}{6+1+1} = 0.75$$

۱ عبارت گزینه (۱) برخلاف سه گزینه دیگر، درست است. ۵۹

بررسی گزینه‌های نادرست:

- (۱) گلوبک نشان دار، شامل اتم پرتوza است، اما تمامی اتم‌های آن، پرتوza نیستند.
- (۲) برای تصویربرداری از غده تیروئید، رادیو ایزوتوپی از تکنسیم فور استفاده قرار می‌گیرد، زیرا یون حاوی تکنسیم با یون یدید، اندازه مشابهی دارد.
- (۴) فراوانی ایزوتوپی از اورانیم که به عنوان سوخت در راکتورهای اتمی استفاده می‌شود، در مخلوط طبیعی در حدود $\frac{1}{7}$ درصد است.

۳ تعداد حالت‌های ممکن برای بازگشت الکترون برانگیخته شده از $n=5$ به لایه‌های پایین‌تر برابر است با:

$$\frac{5(5-1)}{2} = 10$$

از این تعداد انتقال، سه انتقال از لایه ۵، ۴ و ۳ به $n=2$ ، موجب انتشار نور مرئی می‌شود:

$$\frac{3}{10} \times 100\% = 30\%$$

۲ در ناحیه فروسخ قرار می‌گیرد که طول موج بلندتری نسبت به (سرخ) و (بنفش) دارد. طول موج رنگ سرخ نیز بلندتر از بنفش است.

۳ بررسی عبارت‌ها، ۶۲

- (آ) نماد هر زیرلایه معین با دو عدد کوانتمومی و به صورت $n!l!$ مشخص می‌شود.
- (ب) لایه الکترونی چهارم، از چهار زیرلایه s , p , d و f تشکیل شده است.
- (پ) زیرلایه‌های اول (s), دوم (p) و سوم (d) یک اتم به ترتیب با ۲، ۶ و ۱۰ الکترون پر می‌شوند. پنجمین نوع زیرلایه یک اتم ($l=1$) با ۱۸ الکترون پر می‌شود:

$$4 + 2 = 4(4) + 2 = 18e^-$$

ت) دوره سوم جدول تناوبی شامل ۸ عنصر است.

- ۱ با توجه به این‌که به طور معمول دما در روزهای زمستانی سردتر از دما در روزهای بهاری است، حجم قطرات بزرگ‌تر و با توجه به حجم یکسان بارش، تعداد قطرات در روزهای زمستانی کم‌تر از بهار است. اگر جرم هر قطره باران در بهار را برابر M_1 و جرم هر قطره باران در زمستان را M_2 در نظر بگیریم، آن‌گاه داریم:

$$\frac{M_2}{M_1} = \frac{\rho V_2}{\rho V_1} = \frac{\frac{4}{3}\pi r_2^3}{\frac{4}{3}\pi r_1^3} = \left(\frac{r_2}{r_1}\right)^3 = \left(\frac{r_2}{r_1}\right)^3 = \frac{r_2}{r_1} = \sqrt[3]{2}$$

نسبت مساحت قطره‌ها را محاسبه می‌کنیم:

$$\frac{A_2}{A_1} = \frac{\frac{4}{3}\pi r_2^2}{\frac{4}{3}\pi r_1^2} = \left(\frac{r_2}{r_1}\right)^2 = (\sqrt[3]{2})^2 = \sqrt[3]{4}$$

شیمی 

۳ به جز عبارت نخست، سایر عبارت‌ها درست هستند. ۵۱

بررسی عبارت‌ها:

- هر خانه از جدول تناوبی متعلق به عنصری با عدد اتمی منحصر به فرد است. هر چند ایزوتوپ‌های یک عنصر، همگی یک خانه از جدول تناوبی را اشغال می‌کنند، اما در تعداد نوترون‌ها و عدد جرمی با هم تفاوت دارند.
- اعداد اتمی D و X به ترتیب برابر با ۵۶ و ۸۷ است:

$$87 - 56 = 31$$

۴ عنصر E در دوره چهارم و گروه پانزدهم جدول دوره‌ای جای دارد:

$$15 + 4 = 19$$

عدد اتمی عنصر G نیز برابر با ۱۹ است.

- شمار عنصرهای موجود در شکل، برابر با ۹۰ و شمار عنصرهای موجود در طبیعت برابر با ۹۲ است.

۴ بررسی عبارت‌های نادرست، ۵۲

- (ب) مدل اتمی بور باعث شد تا دانشمندان بتوانند طیف نشری خطی هیدروژن را توجهی کنند.

- (ت) انرژی داد و ستدشده هنگام انتقال الکترون در اتم هیدروژن از لایه‌ای به لایه بالاتر، کوانتمومی است و این انرژی در پیمانه‌های معینی جذب می‌شود.

۴ در سیاره مشتری فراوانی نیتروژن، کم‌تر از فراوانی اکسیژن است. ۵۳

۱ طول موج تقریبی ریزموچها 10^7 nm یا 1 cm است که به

تقریب با طول بدن یک زنبور عسل برابر می‌کند.

$$MO: \frac{M}{O} = \frac{M}{\text{درصد جرمی O}} = \frac{M}{\text{درصد جرمی O}} = \frac{\text{جرم مولی M}}{\text{جرم مولی O}}$$

$$\Rightarrow \frac{80}{100-80} = \frac{M}{16} \Rightarrow M = 64 \text{ g.mol}^{-1}$$

$$M_1 O: \% M = \frac{2(M)}{M_1 O} \times 100 \Rightarrow \% M = \frac{2(64)}{2(64)+16} \times 100$$

$$= 78.8\%$$

$$^{64}M^{2+} \begin{cases} p-e=2 \\ p+n=64 \Rightarrow p=29, n=35, e=27 \\ n-e=8 \end{cases}$$

۱ تمامی موارد اشاره شده جزء کاربردهای رادیوایزوتوپ‌ها به شمار می‌آیند. ۵۶

