



آزمون تعیین سطح ۲۰ تیر ۱۴۰۴ اختصاصی دوازدهم ریاضی

تقریبی سوال

تعداد کل سوالات: ۹۰ سوال

نام درس	تعداد سؤال	شماره سؤال	زمان پاسخ‌گویی (دقیقه)
حسابان ۱	۱۰	۱-۱۰	۱۵
ریاضی ۱	۱۰	۱۱-۲۰	۱۵
هندسه ۲	۱۰	۲۱-۳۰	۱۵
آمار و احتمال	۱۰	۳۱-۴۰	۱۵
هندسه ۱	۱۰	۴۱-۵۰	۱۵
فیزیک ۲	۱۰	۵۱-۶۰	۱۵
فیزیک ۱	۱۰	۶۱-۷۰	۱۵
شیمی ۲	۱۰	۷۱-۸۰	۱۰
شیمی ۱	۱۰	۸۱-۹۰	۱۰
مجموع	۹۰	۱-۹۰	۱۲۵

پڑیدا اور ندگان

گروه علمی اختصاصی

نام درس	حسابان ۱ و ریاضی ۱	هندسه و آمار و احتمال	فیزیک	شیمی
گزینشگر	سیدسپهر متولیان	امیر محمد کریمی	حسام نادری	آرش ظریف
گروه ویراستاری	امیر حسین امومحبوب مهرداد ملوندی	امیر حسین امومحبوب مهرداد ملوندی	سینا صالحی حسین بصیرت‌کبیری زهرا آقامحمدی	یاسر راش امیرحسین مسلمی
مسئول درس	سیدسپهر متولیان	امیر محمد کریمی	حسام نادری	آرش ظریف
مستندسازی	سمیه اسكندری	سجاد سلیمی	علیرضا همایون خواه	امیرحسین توحیدی
ویراستاران مستند	معصومه صنعت‌کار مهسا محمدنیا فرشته کمرانی	معصومه صنعت‌کار سجاد سلیمی احسان میرزینی	پرهام مهرآرا مهند صالحی	ارمان ستاری آتیلا ذاگری محسن دستجردی

کروہ فنی و تولید اختصاصی

مهدداد ملوندی	مدیر گروه
نرگس غنی زاده	مسئول دفترچه
مسئول دفترچه: الهه شهبازی	گروه مستندسازی
مدیر گروه: محیا اصغری	حروفنگار و صفحه‌آرا
فرزانه فتح المزاده	ناظران نعیمی

۱۰۰ آزمون

بنیاد علمی آموزشی قلم جی «وقف عام»

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ - تلفن: ۰۶-۶۴۶۳



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

حسابان ۱: کل کتاب

۱- حاصل عبارت $a = \frac{-1 + \sqrt{5}}{2}$, به ازای $A = \frac{a^{11} + a^{10} + a^9 + \dots + a + 1}{a^9 + a^6 + a^3 + 1}$ کدام است؟

۳ (۲)

۲ (۱)

۵ (۴)

۴ (۳)

۲- معادله $\sqrt{x+1} + \sqrt{x} = \sqrt{kx}$ جواب حقیقی دارد. چند مقدار طبیعی برای k قابل قبول نیست؟

۳ (۲)

۴ (۱)

۱ (۴)

۲ (۳)

۳- اگر f ، دامنه تابع f شامل چند عدد صحیح است؟ $f(x) = \sqrt{x} - x^2$

۲ (۲) دو

۱ (۱) یک

۴ (۴) صفر

۳ (۳) سه

۴- اگر $y = (\frac{f^{-1}}{g})(x)$ باشند، برد تابع $(g(x) = x + 1)$ و $f(x) = \sqrt{x+1}$ کدام است؟

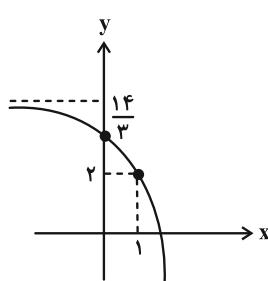
[-۱, ۱] (۲)

[۱, +∞) (۱)

[-۱, +∞) (۴)

[۰, +∞) (۳)

۵- شکل زیر، نمودار تابع با ضابطه $f(x) = 5 - 3^{ax+b}$ است. $f(2)$ کدام است؟



-۴ (۱)

-۱۶ (۲)

-۲۲ (۳)

-۷۶ (۴)

محل انجام محاسبات



- اگر $\log_{\sqrt{a}} 12 = \log_{\sqrt{a+1}} 18$ کدام است؟

$$\frac{1+2a}{2a+1} \quad (2)$$

$$\frac{2+4a}{a+1} \quad (1)$$

$$\frac{1-2a}{2a+1} \quad (4)$$

$$\frac{2-4a}{a+1} \quad (3)$$

- اگر $\tan 40^\circ = \frac{-\cos 140^\circ + 2\cos 230^\circ}{4\sin 230^\circ + \cos 130^\circ}$ باشد، مقدار $\tan 40^\circ$ کدام است؟

$$\frac{4a+1}{2-a} \quad (2)$$

$$\frac{4a+3}{a+2} \quad (1)$$

$$\frac{a+6}{2a+5} \quad (4)$$

$$\frac{2a+5}{a+1} \quad (3)$$

- اگر $\cos 2x + \sqrt{3} \sin 2x = \sin x + \sqrt{3} \cos x = -\frac{\sqrt{5}}{2}$ باشد، مقدار $\cos 2x$ کدام است؟

$$-\frac{3}{4} \quad (2)$$

$$\frac{3}{4} \quad (1)$$

$$-\frac{1}{4} \quad (4)$$

$$\frac{1}{4} \quad (3)$$

- اگر $\lim_{x \rightarrow -1} \frac{2x^3 + ax^2 + x + b}{x^2 - x - 2} = 1$ باشد، مقدار $2a + b$ کدام است؟

$$3 \quad (2)$$

$$1 \quad (1)$$

$$8 \quad (4)$$

$$6 \quad (3)$$

- تابع $f(x) = \begin{cases} \frac{a \sin \pi x}{\pi x - \pi} & ; x > \frac{\pi}{6} \\ b[\pi \sin x] + [-\frac{\pi}{x}] & ; x \leq \frac{\pi}{6} \end{cases}$ پیوسته است. حاصل $a - b$ کدام است؟ (ا، نماد جزء صحیح است.)

$$-9 \quad (2)$$

$$7 \quad (1)$$

$$9 \quad (4)$$

$$-7 \quad (3)$$



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

ریاضی A: کل کتاب

۱۱- در دنباله $a_n = a_{n-1} + 2n - 1$ داریم $a_2 = 5$ مجموع ارقام a_{17} کدام است؟

۱۹ (۲)

۱۱ (۱)

۱۷ (۴)

۱۲ (۳)

۱۲- بین دو عدد، چند واسطه هندسی با قدر نسبت ۵ درج کنیم تا بزرگ ترین واسطه ۳۱۲۵ برابر کوچک ترین واسطه باشد؟

۷ (۲)

۸ (۱)

۵ (۴)

۶ (۳)

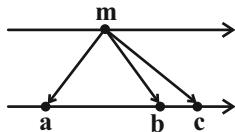
۱۳- اگر $\sin 2x = \frac{2m-1}{3}$ و $30^\circ < x < 75^\circ$ باشد، محدوده تغییرات m کدام است؟

$$\frac{\pi}{4} < m < 2 \quad (۲)$$

$$\frac{\pi}{4} < m \leq 2 \quad (۱)$$

$$-2 < m < -\frac{\pi}{4} \quad (۴)$$

$$-2 \leq m \leq -\frac{\pi}{4} \quad (۳)$$

۱۴- a, b, c و m ریشه‌های عدد حقیقی m هستند. چه تعداد از موارد زیر، درست است؟الف) a, b و c به ترتیب می‌توانند ریشه‌های دوم، سوم، چهارم m باشند.ب) a و b می‌توانند ریشه‌های دوم و c ریشه چهارم m باشند.پ) a و b ، a و c می‌توانند به ترتیب ریشه‌های سوم، چهارم و ششم m باشند.ت) a, b و c می‌توانند به ترتیب ریشه‌های چهارم، پنجم و سوم باشند.

۱ (۴)

۲ (۳)

۳ (۲)

۴ (۱)

۱۵- اگر جدول تعیین علامت عبارت $P = (2x-1)(ax^2+3x+b)$ به صورت

x	-2	0	c
P	$-$	$+$	$+$

 باشد، حاصل abc کدام است؟

-۲ (۲)

۲ (۱)

-۸ (۴)

۸ (۳)

محل انجام محاسبات



۱۶- محور تقارن سهمی به معادله $y = ax^3 + 2x + 2$ در نقطه‌ای به شکل زیر کدام است؟

۱) $\text{A} \quad \text{B} \quad \text{C} \quad \text{D} \quad \text{E}$

به صورت $y = a(x - h)^3 + k$ بنویسیم، مقدار $a + h$ کدام است؟

۲ (۲)

۱) صفر

۳ (۴)

-۲ (۳)

۱۷- رابطه $\{(x+2, x^3), (-x, x^3), (x+2, x^3+2x), (2-2x, x)\}$ به ازای چند مقدار x تابع است؟

۱ (۲)

۱) هیچ مقدار

۲ (۴)

۲ (۳)

۱۸- تابع خطی $f(x) = (k^3 - 16)x^3 + \frac{12}{k-4}x + 9$ فقط از دو ناحیه دستگاه مختصات می‌گذرد. کمترین مقدار $b - a$ کدام است؟

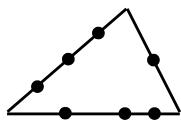
۴ (۲)

۱) ۸

۲ (۴)

۶ (۳)

۱۹- چند چهارضلعی محدب می‌توان ساخت که رئوس آن از هفت نقطه مشخص شده، روی اضلاع مثلث زیر باشند؟



۱۲ (۱)

۱۸ (۲)

۲۴ (۳)

۲۷ (۴)

۲۰- اگر ۵ نفر که دو نفر آن‌ها برادر هستند، به تصادف در یک ردیف کنار هم بنشینند، احتمال آن که یکی از دو برادر در ابتدای ردیف

و دیگری در انتهای ردیف باشد، چقدر است؟

$\frac{1}{6}$ (۲)

$\frac{1}{5}$ (۱)

$\frac{1}{10}$ (۴)

$\frac{1}{8}$ (۳)

محل انجام حسابات



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

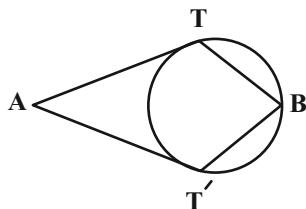
هندسه ۲: کل کتاب

۲۱- مساحت دایره محاطی شش ضلعی منتظمی به طول ضلع $4\sqrt{3}$ کدام است؟۸۱ π (۱)۳۶ π (۲)۹ π (۳)۱۴۴ π (۴)۲۲- اگر طول کمان روبه رو به زاویه 30° در دایره $C(O, R)$ ، سه برابر طول کمان روبه رو به زاویه 60° در دایره $C'(O', R')$ باشد، مساحت دایره C چند برابر مساحت دایره C' است؟

۳۶ (۱)

۹ (۲)

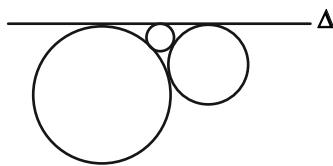
۴ (۳)

 $\frac{9}{4}$ (۴)۲۳- در شکل زیر، دو مماس AT و AT' از نقطه A بر دایره رسم شده است. اگر $\hat{B} = 2\hat{A}$ و $BT = BT'$ باشد، اندازه زاویه ATB کدام است؟

کدام است؟

 108° (۱) 114° (۲) 120° (۳) 126° (۴)۲۴- در شکل زیر سه دایره دو به دو مماس بیرون هستند و خط Δ بر هر سه دایره مماس است. اگر شعاع دو دایره بزرگ تر به دایره کوچکترین دایره کدام است؟

برابر ۱۸ و ۲ باشد، شعاع کوچکترین دایره کدام است؟

 $\frac{9}{8}$ (۱) $\frac{16}{81}$ (۲) $\frac{9}{16}$ (۳) $\frac{16}{27}$ (۴)۲۵- در ذوزنقه $ABCD$ ، $AB=10$ ، $AD=15$ و $DC=7$ است. فاصله نقطه برخورد ساقهای AD و BC از مرکز مذکور از نقاط A و D به شعاع $\sqrt{30}$ چقدر است؟

۱۴ (۱)

۱۵ (۲)

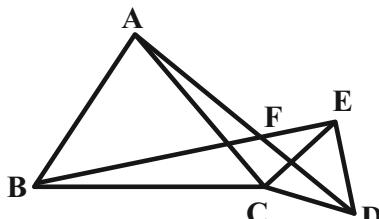
۱۷ (۳)

۱۸ (۴)

محل انجام حسابات



۲۶- در شکل زیر مثلث‌های ABC و ECD متساوی‌الاضلاع هستند. کدامیک از گزینه‌های زیر در مورد دو لامه BE و AD است؟



(۱) دوران یافته AD به مرکز F و زاویه 60° است.

(۲) دوران یافته AD به مرکز F و زاویه 120° است.

(۳) دوران یافته AD به مرکز C و زاویه 120° است.

(۴) دوران یافته AD به مرکز C و زاویه 60° است.

۲۷- زاویه $xOy = 30^\circ$ مفروض است. روی نیم خط Ox ، نقطه A و روی نیم خط Oy ، نقطه B را به ترتیب به فاصله‌های ۲ و ۱ از O در نظر می‌گیریم. اگر نقاط A' و B' تصویر نقاط A و B باشند، کدام است؟

چهارضلعی $AA'B'B$ کدام است؟

$$\frac{5}{2} \quad (4)$$

$$2 \quad (3)$$

$$\frac{3}{2} \quad (2)$$

$$4 \quad (1)$$

۲۸- نقاط $A(2,2)$ و $B(7,6)$ در یک طرف خط d به معادله $8y + 2x - 3 = 0$ و نقطه متغیر M روی این خط و دارند.

بخواهیم از نقطه A به نقطه M و سپس نقطه B برویم، طول کوتاه‌ترین مسیر AMB کدام است؟

$$10\sqrt{2} \quad (4)$$

$$5\sqrt{2} \quad (3)$$

$$10 \quad (2)$$

$$5 \quad (1)$$

۲۹- در مثلث قائم‌الزاویه ABC ، $\hat{B} = 90^\circ$ ، AD نیمساز زاویه داخلی A است. اگر $CD = 6$ و $BD = 4$ باشد، طول میانه BM کدام است؟

$$3\sqrt{5} \quad (4)$$

$$5\sqrt{2} \quad (3)$$

$$5\sqrt{3} \quad (2)$$

$$3\sqrt{2} \quad (1)$$

۳۰- در مثلث ABC با طول اضلاع $AB = 12$ ، $AC = 10$ ، $BC = 9$ ، عمود AH از A بر امتداد BC دارده است. کدام است؟

کدام است CH

$$10 \quad (4)$$

$$8 \quad (3)$$

$$6 \quad (2)$$

$$5 \quad (1)$$

محل انجام محاسبات



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

آمار و احتمال: کل کتاب

۳۱- با توجه به دامنه‌های داده شده، چه تعداد از گزاره نماهای زیر همواره درست هستند؟

$$(D = \mathbb{R}) \quad \frac{x}{2x+1} < \frac{1}{2}$$

$$(D = \mathbb{N}) \quad \frac{x^2 - 1}{x + 1} = x - 1$$

$$(D = \mathbb{R}) \quad x^2 + 2x + 2 \geq 0$$

۳ (۴)

۲ (۳)

۱ (۲)

۰ (۱) صفر

۳۲- گزاره $\forall x \in \mathbb{N}; \exists y \in \mathbb{N}; p(x, y)$ ارزش درست دارد. کدام گزینه نمی‌تواند باشد؟ $y \leq x$ (۴) $y < x$ (۳) $x \leq y$ (۲) $x < y$ (۱)۳۳- سه مجموعه غیرتھی A ، B و C مفروض‌اند. اگر تعداد اعضای B دو برابر باشد و $A \times C$ دارای ۱۰ عضو باشد، آن‌گاه $A \times C$ چند عضو دارد؟اعضای $A \times B$ و ۱۲ واحد کمتر از A^2 باشد، آن‌گاه مجموعه $A \times C$ چند عضو دارد؟

۳۶ (۴)

۲۴ (۳)

۱۸ (۲)

۱۲ (۱)

۳۴- در آزمایش تصادفی پرتاب یک تاس، A پیشامد وقوع عددی مضرب ۳ است. چند پیشامد متمایز در فضای ممکن باشد؟تصادفی وجود دارد که با A ناسازگار باشد؟

۴ (۴)

۸ (۳)

۱۲ (۲)

۱۶ (۱)

۳۵- سه عدد به طور متوالی و بدون جایگذاری از مجموعه اعداد طبیعی ۱ تا ۳۰ انتخاب می‌کنیم. احتمال اینکه دوم عدد دوست باشد و «عدد سوم < عدد اول» باشد، کدام است؟

 $\frac{1}{4}$ (۴) $\frac{1}{3}$ (۳) $\frac{1}{6}$ (۲) $\frac{1}{2}$ (۱)

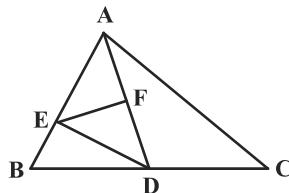
محل انجام حسابات



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

هندسه ۱ : کل کتاب

۴۱ - در شکل زیر، F وسط AD، AE = ۴BE و ۲BD = ۳CD چه کسری از مساحت مثلث ABC است؟



$$\frac{6}{25} \quad (۲)$$

$$\frac{1}{8} \quad (۴)$$

$$\frac{1}{4} \quad (۱)$$

$$\frac{1}{6} \quad (۳)$$

۴۲ - مثلث ABC به طول اضلاع ۶، ۵ و ۵ با مثلث A'B'C' متشابه است. اگر محیط مثلث A'B'C' برابر ۵۶ باشد، اندازه کوتا $\angle B$ یا

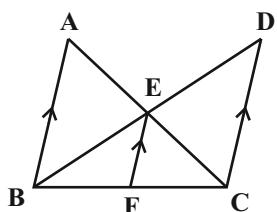
ارتفاع آن کدام است؟

۱۶ (۴)

۱۵ (۳)

۱۴ (۲)

۱۲ (۱)

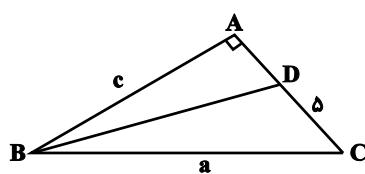
۴۳ - در شکل زیر، اگر $AB + ۲CD = ۴S_{CDE}$ و $EF = ۶$ باشد، طول EF کدام است؟

۴۲ (۱)

۳۸ (۲)

۳۶ (۳)

۴۰ (۴)

۴۴ - در شکل زیر، BD نیمساز زاویه B است. اگر $a - c = ۴$ باشد طول AD کدام است؟

۲ (۱)

$\frac{5}{2} \quad (۲)$

۳ (۳)

$\frac{9}{2} \quad (۴)$

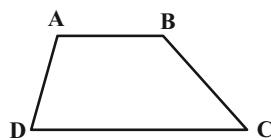
۴۵ - در ذوزنقه ABCD، اگر $\hat{A} > \hat{C} + \hat{D}$ باشد، کدام گزینه همواره درست است؟

DC > AD + AB (۱)

DC > AB + BC (۲)

DC > ۲AB (۳)

DC > ۲BC (۴)



محل انجام محاسبات



۴۶- در مثلث قائم‌الزاویه‌ای که یک زاویه حاده آن برابر 22° درجه و طول وتر آن برابر ۲ است، طول ارتفاع وارد بر وتر کدام است؟

(۴) $\frac{\sqrt{2}}{4}$

(۳) $\frac{\sqrt{2}}{2}$

(۲) $\frac{\sqrt{3}}{2}$

(۱) $\frac{\sqrt{3}}{4}$

۴۷- در یک چندضلعی شبکه‌ای، مجموع تعداد نقاط درونی و مرزی، دو برابر مساحت چندضلعی است. حداقل مساحت این چندضلعی چقدر است؟

(۱) ۱۵

(۳) ۲۰

(۲) ۲۵

(۴) ۳۰

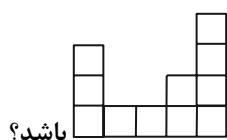
۴۸- اگر تعداد قطرهای یک n -ضلعی محدب، از سه برابر مجموع تعداد قطرها و اضلاع یک $(n+1)$ -ضلعی محدب، ۵ تا بیشتر باشد، مجموع زوایای داخلی یک n -ضلعی کدام است؟

(۱) ۱۰۸۰

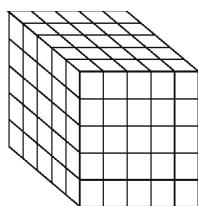
(۳) ۱۶۲۰

(۲) ۱۲۶۰

(۴) ۱۴۴۰



۴۹- در شکل زیر حداقل چه تعداد از مکعب‌های کوچک برداشته شود تا نمای بالا به صورت باشد؟



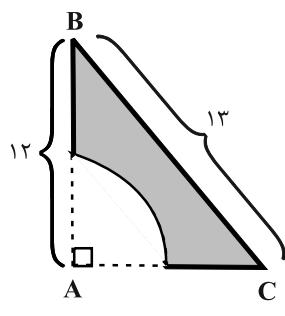
(۱) ۷۰

(۲) ۶۵

(۳) ۷۵

(۴) ۶۰

۵۰- حجم حاصل از دوران جسم زیر حول ضلع AB کدام است؟ (شعاع ربع دایره برابر ۲ واحد است).



(۱) 92π

(۲) $\frac{280\pi}{3}$

(۳) 93π

(۴) $\frac{284\pi}{3}$

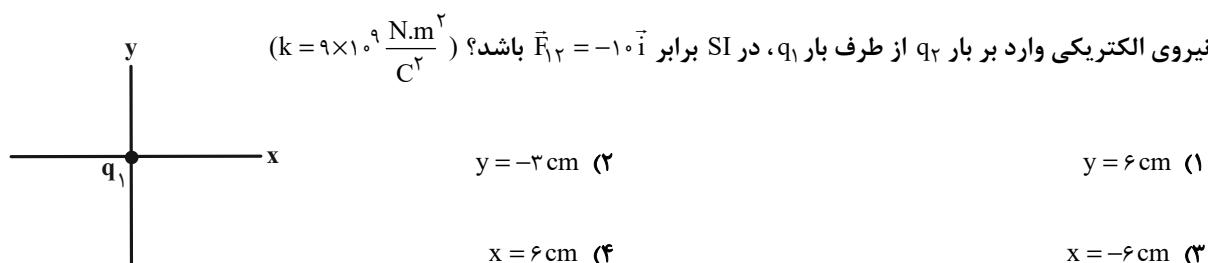
محل انجام محاسبات



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

فیزیک ۲: کل کتاب

۵۱- مطابق شکل زیر، بار نقطه‌ای $q_1 = 2\mu C$ روی مبدأ مختصات قرار دارد. بار نقطه‌ای $q_2 = -2\mu C$ را در کدام نقطه قرار دهیم تا بردار



۵۲- مطابق شکل زیر، بار الکتریکی نقطه‌ای $E = 3 \times 10^5 \frac{N}{C}$ را در میدان الکتریکی یکنواختی به بزرگی

آن در سپس از B تا C جابه‌جا می‌کنیم. بزرگی نیروی وارد بر بار q از طرف میدان الکتریکی و تغییر انرژی اپتالنسیل

کل این مسیر، به ترتیب از راست به چپ در SI کدام است؟



۵۳- حجم کره فلزی A، ۳۴۳ برابر حجم کره فلزی B است. برای آن که اندازه چگالی سطحی آنها دوچندان بیشتر باشد،

سطحی بار کره B باشد، اندازه بار توزیع شده روی کره A می‌باشد چند برابر اندازه بار توزیع شده روی کره B باشد؟ ($\pi \approx 3$)

۶۸۶ (۲)

۱۴ (۱)

۹۸ (۴)

 $\frac{49}{2}$ (۳)

محل انجام محاسبات



۵۴- در دمای ثابت و یکسان، مقاومت الکتریکی سیم A دو برابر مقاومت الکتریکی سیم B است. سیم A را به اختلاف $\Delta V = 16V$

و سیم B را به اختلاف پتانسیل $\Delta V = 4V$ وصل می‌کنیم. اگر در یک مدت زمان معین، تعداد 5×10^{13} الکترون از سیم A

عبور کند، در همین مدت زمان، بار الکتریکی عبوری از هر مقطع سیم B چند میکروکولون است؟ ($e = 1.6 \times 10^{-19} C$)

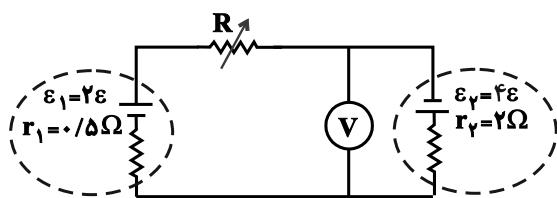
۲ (۲)

۱ (۱)

۴ (۴)

۳ (۳)

۵۵- در مدار شکل زیر، مقاومت رئوستا چند اهم باشد تا ولتسنج آرمانی عدد صفر را نشان دهد؟



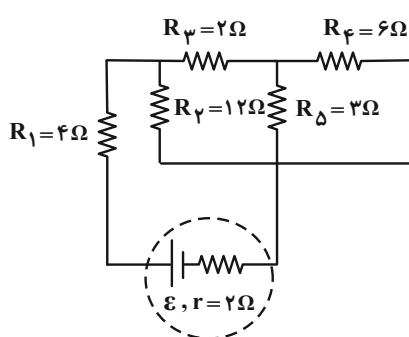
۰/۵ (۱)

۱ (۲)

۱/۵ (۳)

۴) صفر

۵۶- در مدار شکل زیر، اگر جریان عبوری از مقاومت R_4 برابر با $5A$ باشد، توان خروجی باتری چند وات است؟



۲۸ (۱)

۳۵ (۲)

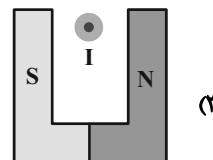
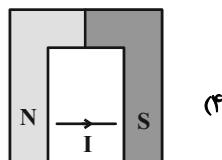
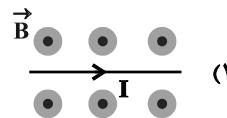
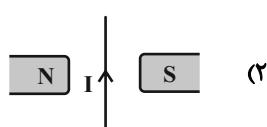
۱۴ (۳)

۴) قابل محاسبه نیست.

محل انجام محاسبات



۵۷- در کدام گزینه نیروی مغناطیسی وارد بر سیم حامل جریان الکتریکی صفر می‌باشد؟



۵۸- کدام گزینه درست است؟

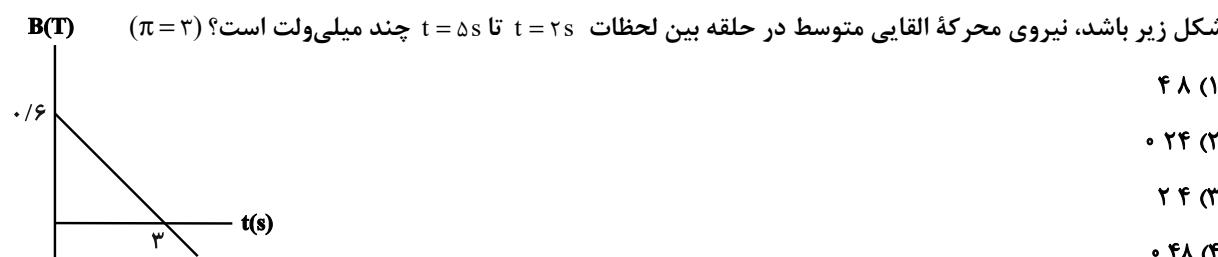
۱) دارا بودن حوزه‌های مغناطیسی مربوط به مواد پارامغناطیسی است.

۲) یکای میدان مغناطیسی در SI معادل با $\frac{\text{N.A}}{\text{m}}$ است.

۳) در مواد دیامغناطیسی، حضور میدان مغناطیسی خارجی باعث القای دو قطبی‌های مغناطیسی در خلاف جهت میدان خارجی می‌شود.

۴) اکسیژن و نقره به ترتیب جزو مواد دیامغناطیسی و پارامغناطیسی هستند.

۵۹- سطح حلقه‌ای به قطر 4 cm عمود بر خطوط میدان مغناطیسی متغیر با زمان \bar{B} قرار دارد. اگر تغییرات میدان \bar{B} مطابق شکل زیر باشد، نیروی حرکة القایی متوسط در حلقه بین لحظات $t=2\text{ s}$ تا $t=5\text{ s}$ چند میلی‌ولت است؟ ($\pi = 3$)



۶۰- مطابق شکل زیر، در چند مورد از حالت‌های ذکر شده جریان القایی در مقاومت R_2 به سمت راست است؟

حالات ۱: لحظه وصل کلید

حالات ۲: هنگامی که کلید وصل است، مقاومت R_1 کاهش یابد.

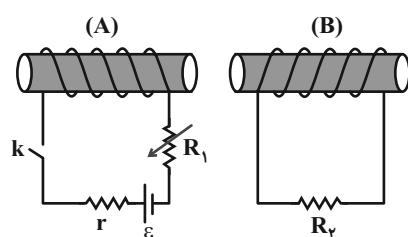
حالات ۳: هنگامی که کلید وصل است، سیمولة B به سمت راست حرکت کند.

۱) صفر

۱) ۲

۲) ۳

۳) ۴



محل انجام محاسبات



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

فیزیک ۱: کل کتاب

۶۱- حاصل عبارت مقابله بر حسب pF (پیکوفاراد) در کدام گزینه درست بیان شده است؟

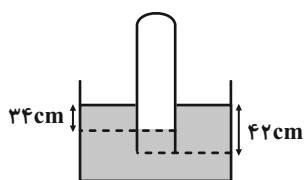
$$20\mu F - 500nF = ?$$

$$1/95 \times 10^7 \quad (2)$$

$$19/5 \times 10^5 \quad (1)$$

$$0/195 \times 10^9 \quad (4)$$

$$195 \times 10^8 \quad (3)$$

۶۲- مطابق شکل زیر، لوله قائمی به صورت وارون تا عمق ۴۲ سانتی‌متری درون مایع ساکنی به چگالی $\frac{g}{cm^3} = 13/6$ فرو برد شده است.

$$74 \quad (1)$$

$$70 \quad (2)$$

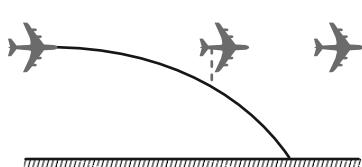
$$72 \quad (3)$$

$$76 \quad (4)$$

۶۳- بال‌های هواپیما طوری طراحی شده‌اند که تندي هوا در زیر بال ... از بال‌ای آن است. در نتیجه فشار هوای بالی بال ... ای هوا زیر بال بوده و در نتیجه نیروی ... خالصی به بال هواپیما وارد می‌شود. به ترتیب از راست به چپ ۱) آن ... ۲) هوا جاهای خالی می‌باشد؟

- ۱) بیش‌تر- بیش‌تر- پایین‌بر ۲) بیش‌تر- کم‌تر- بالا بر ۳) کم‌تر- کم‌تر- بالا بر ۴) بیش‌تر- بیش‌تر- پایین‌بر

۶۴- در شکل زیر، هواپیمایی که در ارتفاع ۹۰ متری از سطح زمین و با تندي افقی $\frac{m}{s} = 15$ در حال پرواز است، بسته‌ای را برای کمک آسیب‌دیدگان زلزله رها می‌کند. اگر تنها نیروی مؤثر وارد بر بسته، نیروی وزن باشد، تندي بسته هنگام برخورد به ... کمک



$$\text{متر بر ثانیه است؟} \quad (g = 10 \frac{N}{kg})$$

$$60 \quad (1)$$

$$45 \quad (2)$$

$$55 \quad (3)$$

$$75 \quad (4)$$

۶۵- جرم موتورسواری با موتورش 373 kg می‌باشد. اگر در مدت ۲۰ ثانیه تندي موتورسوار از $10 \frac{m}{s}$ به $30 \frac{m}{s}$ برسد، توان متوسط موتور

چند اسب بخار است؟ (از نیروهای اتلافی صرف نظر کنید و $1 \text{ hp} = 746 \text{ W}$)

$$10 \quad (4)$$

$$75 \quad (3)$$

$$5 \quad (2)$$

$$25 \quad (1)$$

محل انجام محاسبات



۶۶- اگر به یک مکعب فلزی توپر به ضلع ۲۰cm که از فلزی با چگالی $\frac{g}{cm^3}$ ۸ ساخته شده است، $J_{20}kma$ دهیمدادمایش به ت

C/۵) افزایش می‌یابد. گرمای ویژه این فلز چند $\frac{J}{g \cdot ^\circ C}$ است؟ (تغییر حالت رخ نمی‌دهد، چگالی ثابت ρ هود و α هف

انرژی هم نداریم.)

- १८८ • १८९ • १९० • १९१

-۶۷ آب 20°C را با 1kg یخ 10°C - مخلوط می‌کنیم. در این صورت چند درصد از جرم یخ ذوب می‌شود؟

$$(c_{\text{ж}} = 2100 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot ^\circ\text{C}}, \alpha_F = 338 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}}, \xi_J = 4200 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot ^\circ\text{C}})$$

- የተ የዕለታዊ ስራውን በመስጠት እና የሚከተሉት ማረጋገጫዎች መካከል ይፈጸማል

۶۸- چند مورد از گزاره‌های زیر در مورد همرفت صحیح نیست؟

الف) انتقال گرما در مایعات و گازها که معمولاً عایق خوبی هستند، به روش همرفت انجام می‌شود.

ب) انتقا، گما، دوش، هم‌فت، همه‌اه یا انتقا، ماده است.

ب) بدبده هم فت سب وش، نسيم از د، يا به خشك، د، طوا، دوز مه شود.

ت) گم شدن هوا، داخا، اتاق، به وسیله رادیاتور، شوفا؛ نمونه‌ای از هم‌فت و اداشته است.

1. **CE** 2. **CE** 3. **CE** 4. **CE**

۶۹- در حجم و دمای ثابت، فشار گاز کامل ...

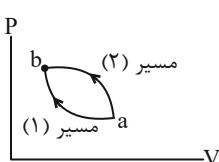
۱) فقط به جنس گاز بستگی دارد.

۴) به جرم و جنس، گاز سیستگی، ندارد و مقداری ثابت است.
۳) هم به جرم و هم جنس، گاز سیستگی، دارد.

^{۷۰}- یک مول گاز آرامانی یک باد از مسیر (۱) و یار دیگر از مسیر (۲) از حالت معین ^a به حالت معین ^b رسیده است. در طی مسیر (۱)

جگا: ۲۵۰ کا میں محیط دادہ و محیط ۴۰ کا، ب ۱۹۰، گا: انعام دادہ است. اگر د طریق میں (۲) گا: ۲۸ کے مابین

داده باشد، گاز چند ژول، کار بی روی، محیط انجام داده است؟



- 110 (1)

- 11° (5)

- F.D. • 11

- 180 -

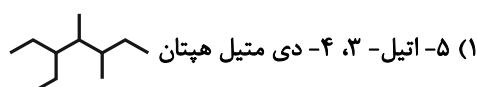
محل انجام محاسبات



وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

شیمی ۲- کل کتاب

۷۱- نام کدام آلکان با فرمول ارائه شده برای آن مطابقت دارد؟

(۲) ۳-دی متیل هگزان (C_7H_{16})(۳) ۳-دی اتیل پنتان (C_6H_{14})(۴) ۲-اتیل پنتان (C_5H_{12})

۷۲- کدام گزینه نادرست است؟

(۱) دمای یک ماده، کمیتی است که میزان سردی یا گرمی یک جسم را نشان می‌دهد.

(۲) در تمامی فرایندهای گرماده، گرما از سامانه به محیط جریان می‌یابد.

(۳) افزایش دمای یک نمونه ماده موجب افزایش جنب و جوش ذرات آن می‌شود.

(۴) دما ویژگی مشترک همه حالت‌های ماده است که وجود جنبش‌های منظم ذرات ماده را نشان می‌دهد.

۷۳- اسید سازنده استر موجود در الکل سازنده استر موجود در

(۱) موز- همانند - آناناس - ۸ جفت الکترون پیوندی دارد.

(۲) سیب - همانند - موز - ۷ پیوند C-H دارد.

(۳) آناناس - برخلاف - سیب - به هر نسبتی در آب حل می‌شود.

(۴) موز - برخلاف - آناناس - دارای ۲ اتم کربن است.

۷۴- چند ایزومر برای ماده‌ای با فرمول مولکولی $C_8H_{10}O$ که دارای حلقة بنزنی بوده و پیوند هیدروژنی تشکیل نمی‌دهد، می‌توان در نظر گرفت؟

۶ (۴)

۵ (۳)

۴ (۲)

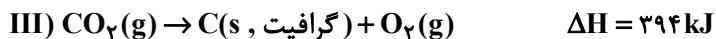
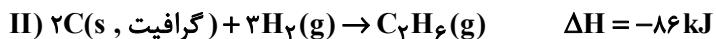
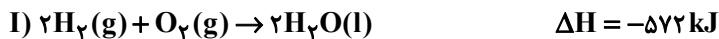
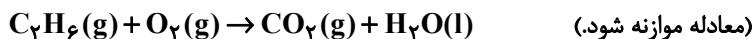
۳ (۱)

محل انجام محاسبات



۷۵- با توجه به واکنش‌های داده شده، گرمای حاصل از سوختن کامل ۱۱۲۰ میلی‌لیتر گاز اتان در شرایط استاندارد به تقریب دمای چند

گرم فلز آلومینیم را می‌تواند C $80^{\circ}C$ افزایش دهد؟ ($c_{Al} = 0.9 \text{ J.g}^{-1} \cdot \text{C}^{-1}$)



۲۱۶۶ (۴)

۱۰۸۳ (۳)

۲۱۶۶ (۲)

۱۰۸۳ (۱)

۷۶- اگر ظرفیت گرمایی $200 \text{ J.g}^{-1} \cdot \text{C}^{-1}$ داشته باشد، 486 J و 194 J دارای چه مقدار پنگی هستند؟

از $35^{\circ}C$ به $30^{\circ}C$ در 8 g m^{-1} می‌رسد؟

۲ (۴)

۱۶ (۳)

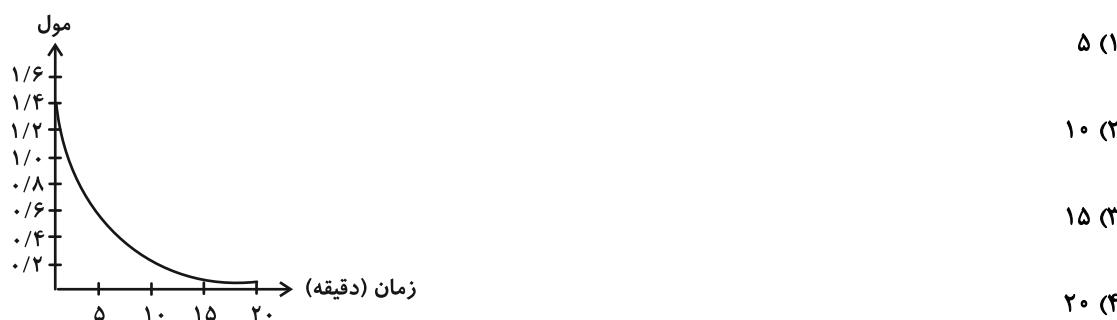
۰ ۲ (۲)

۰ ۱۶ (۱)

۷۷- نمودار زیر تغییرات مقدار مول $Al_2(SO_4)_3$ در واکنش زیر را نشان می‌دهد. چند دقیقه پس از آغاز واکنش مقدار گازهای O_2 و SO_2 را در نظر بگیرید.

اکسید تولید شده برابر با 160 لیتر می‌شود؟ (چگالی گوگرد تری اکسید در شرایط آزمایش را برابر 1.8 g.mol^{-1} را در نظر بگیرید).

$(S = 32, O = 16 : g.mol^{-1})$



محل انجام محاسبات



۷۸- در واکنش فرضی $4C + 3B \rightarrow 2A + 2D$ ، اگر سرعت متوسط مصرف ماده B از ابتدا تا پایان $2 \text{ mol} \cdot \text{min}^{-1}$ است، مقدار اولیه ماده A برابر با $78 / 72$ گرم باشد، انجام شدن کامل این واکنش چند ثانیه طول می‌کشد؟ ($A = 41: \text{g} \cdot \text{mol}^{-1}$)

۴۸ (۲)

۷۲ (۱)

۳۲ (۴)

۳۶ (۳)

۷۹- چند مورد از مطالب زیر درست‌اند؟ ($H = 1, C = 12, F = 19: \text{g} \cdot \text{mol}^{-1}$)

آ) درصد جرمی کربن در مونومر سازنده تفلون برابر ۲۴ درصد می‌باشد.

ب) مجموع شمار جفت الکترون‌های پیوندی و ناپیوندی در ساختار ساده‌ترین الکل و ساده‌ترین آمین یکسان است.

پ) با افزایش طول زنجیر هیدروکربنی در الکل‌ها نیروی واندروالسی بر پیوند هیدروژنی غلبه کرده و اتحال پذیری الکل در آب افزایش می‌یابد.

ت) نسبت شمار اتم‌های کربن به هیدروژن در سیانوآن، بنزن و استیرن یکسان است.

۳ (۲)

۴ (۱)

۱ (۴)

۲ (۳)

۸۰- از سوختن کامل 112 L لیتر مخلوط گازی شامل CH_4 و H_2 در شرایط STP، 1744 kJ گرم‌ما آزاد می‌شود. نسبت $\frac{\text{CO}_2}{\text{H}_2\text{O}}$ در مخلوط نهایی به تقریب کدام است؟ (ارزش سوختی متان و هیدروژن به ترتیب برابر ۵۶ و $144 \text{ کیلوژول برگرم}$ است.)

۰ ۰ ۹ (۲)

۰ ۱ ۱ (۱)

۰ ۹ (۴)

۱ ۱ (۳)

محل انجام محاسبات



وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

شیمی ۱: کل کتاب

۸۱- در کدام گزینه، تعداد جفت الکترون‌های ناپیوندی موجود در گونه داده شده و چگونگی جهت‌گیری آن در H_2O می‌باشد؟

درستی بیان شده است؟

(۱) NH_3 : ۳ جفت، جهت‌گیری می‌کند.

(۲) CO_2 : ۴ جفت، جهت‌گیری می‌کند.

۸۲- کدام گزینه درست است؟

(۱) آرایش الکترونی ^{18}Ar را فقط می‌توان به یک یون پایدار نسبت داد.

(۲) شمار الکترون‌های جفت شده در آرایش الکترون - نقطه‌ای عنصرهای گروه ۲ و ۱۶ برابر است.

(۳) تفاوت مجموع عدد کوانتومی فرعی الکترون‌ها در دو اتم ^{32}Ge و ^{70}Zn برابر با تفاوت عدد اتمی آن‌ها است.

(۴) شمار الکترون‌های زیرلایه با بزرگ‌ترین عدد کوانتومی فرعی در دو اتم ^{25}Mn و ^{24}Cr یکسان نیست.

۸۳- کدام گزینه نادرست است؟

(۱) در جدول دوره‌ای عناصرها، در هر خانه علاوه بر نماد هر عنصر، عدد اتمی و عدد جرمی آن نیز گزارش می‌شود.

(۲) تعداد الکترون‌های ظرفیت عنصر X^{33} ، برابر با تعداد الکترون‌های با $=2$ در عنصر Y^{24} است.

(۳) رنگ شعلهٔ ترکیب‌های سدیم، لیتیم و مس به ترتیب زرد، سرخ و سبز است. کلهٔ فلکلٹ باریکلهٔ بسلیار کوئلای از گسلترهٔ طیف‌های

الکترومغناطیسی را دربرمی‌گیرد.

(۴) الکترون‌ها در اتم برانگیخته، هنگام بازگشت به حالت پایه، نوری با طول موج معین نشر می‌کند.

محل انجام محاسبات



۸۴- با توجه به جدول داده شده جرم مولی ترکیب XAY چند amu است؟

۲۳۹۴ (۱)

^{16}A	1Y	2Y	6X	7X	ایزوتوپ
۱۰۰	۹۹/۹۸	۰/۰۲	۶	۹۴	درصد فراوانی

۲۴۰۰ (۲)

۲۴۹۴ (۳)

۲۴۰۶ (۴)

۸۵- مجموع عددهای کوانتمی اصلی و فرعی الکترون‌های آخرین زیرلایه یک اتم برابر با ۴ است. کدام یک از نتیجه‌گیری‌های زیر در مورد این عنصر به‌طور قطع نادرست است؟

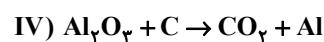
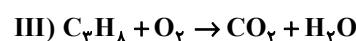
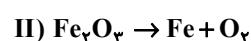
(۱) تمامی اتم‌ها دارای بزرگ‌ترین شعاع در بین عنصرهای همدوره خود هستند.

(۲) می‌تواند با عنصر ^{31}Ga هم‌گروه و با ^{15}P هم‌دوره باشد.

(۳) می‌تواند آخرین عنصر در جدول دوره‌ای باشد که فاقد الکترونی با $I=1$ است.

(۴) امکان تشکیل پیوندهای یونی با اتم‌های دیگر را دارد.

۸۶- مجموع ضرایب فراورده‌ها در کدام واکنش پس از موازنہ متفاوت است؟



II (۴)

I (۳)

III (۲)

IV (۱)

محل انجام محاسبات



۸۷- همه عبارت‌های زیر صحیح‌اند، به جز:

۱) سنگین‌ترین ذره زیراتومی، ذره‌ای بدون بار است.

۲) یکای جرم اتمی، معادل $\frac{1}{12}$ جرم ایزوتوپ کربن-۱۲ است.

۳) جرم اتمی هیدروژن به طور دقیق برابر ۱amu است.

۴) به کمک دستگاه طیف‌سنج جرمی، جرم اتم‌ها با دقت زیاد اندازه‌گیری می‌شود.

۸۸- عنصر X واقع در دوره و گروه جدول دوره‌ای، در لایه ظرفیت خود الکترون دارد و ...ون ...دا ... را در ترکیب‌های یونی تشکیل می‌دهد.

X^{2+} ۲) چهارم-۸-هشت-

X^{2+} ۱) سوم-۱۳-سه-

X^{3-} ۴) چهارم-۱۳-سه-

X^{3+} ۳) سوم-۱۵-پنج-

۸۹- یک دستگاه تصفیه آب آشامیدنی با بازدهی ۵۰٪، ۹۰۰ لیتر آب شهری که غلظت یون ... ات در آن ۱۰۰ ppm باشد تصفیه کند تا غلظت یون نیترات به $3/125 \text{ ppm}$ چگالی آب، بررسی (O = ۱۶, N = ۱۴ : g.mol^{-۱}) = ۱g/m^۳ برسد؟

۷ (۴)

۶ (۳)

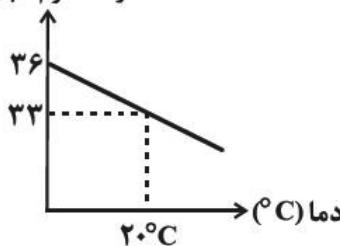
۵ (۲)

۴ (۱)

۹۰- با توجه به نمودار زیر، اگر ۲۶ g محلول سیرنشده لیتیم سولفات را از دمای ۲۰°C تا دمای ۷۰°C ... کم ...، ...دام و ... درخ

می‌دهد؟

انحلال پذیری
(گرم حل شونده
در ۱۰۰ g آب)



۱) یک محلول سیرنشده تهیه می‌شود که می‌توان ۲ گرم لیتیم سولفات دیگر در آن حل کرد.

۲) یک محلول سیرنشده تهیه می‌شود که می‌توان ۱ گرم لیتیم سولفات دیگر در آن حل کرد.

۳) ۲۷ گرم رسوب تشکیل می‌شود.

۴) ۱ گرم رسوب تشکیل می‌شود.

محل انجام محاسبات



آزمون تعیین سطح ۲۰ تیر ۱۴۰۴

اختصاصی دوازدهم ریاضی

بُدید آورندگان

گروه علمی اختصاصی

نام درس	حسابان ۱ و ریاضی ۱	هندسه و آمار و احتمال	فیزیک	شیمی
گزینشگر	سیدسپهر متولیان	امیرمحمد کریمی	حسام نادری	آرش ظریف
گروه ویراستاری	امیرحسین ابو منجوب	مهرداد ملوندی	سینا صالحی حسین پصیرتر کببور ژهره آقامحمدی	یاسر راش امیرحسین مسلمی
مسئول درس	سیدسپهر متولیان	امیرمحمد کریمی	حسام نادری	آرش ظریف
مستندسازی	سمیه اسکندری	سجاد سلیمی	علیرضا همایون خواه	امیرحسین توحیدی
ویراستاران مستند	معصومه صنعت کار مسا محمدنیا فرشته کمیرانی	پرهام مهر آرا مهدی صالحی	ارمان ستاری آتیلا ذاکری محسن دستجردی	

گروه فنی و تولید اختصاصی

مهرداد ملوندی	مدیر گروه
نرگس غنی زاده	مسئول دفترچه
مسئول دفترچه: الهه شهبازی	گروه مستندسازی
مدیر گروه: محیا اصغری	حروف نگار و صفحه آرا
فرزانه فتح المزاده	سوران نعیمی
ناظر چاپ	

گروه آزمون

بنیاد علمی آموزشی قلم‌چی (وقف عام)

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ - کانون فرهنگی آموزش - تلفن: ۰۲۱-۶۴۶۳



(همید علیزاده)

گزینه «۴» -۴

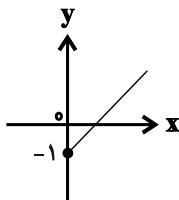
$$f(x) = \sqrt{x+1} = y \Rightarrow x+1 = y^2 \Rightarrow x = y^2 - 1$$

$$\Rightarrow f^{-1}(x) = x^2 - 1$$

برای این داده ها f^{-1} متمم $\sqrt{x+1} \geq 0$ است پس $x \geq -1$ و دامنه $f^{-1}(x) = x^2 - 1$, $x \geq 0$.

دامنه $f^{-1}(x) = x^2 - 1$, $x \geq 0$ می باشد.

$$y = \frac{f^{-1}(x)}{g(x)} = \frac{x^2 - 1}{x+1} = \frac{(x-1)(x+1)}{x+1} = x-1, x \geq 0.$$



$$\Rightarrow R_y = [-1, +\infty)$$

(مسابان ا- تابع: صفحه های ۴۶ تا ۵۴ و ۵۸ تا ۶۰)

(پردازش نیکوکار)

گزینه «۳» -۵

$$f(x) = 5 - 3^{ax+b} \quad \text{از } (0, \frac{14}{3}) \text{ و } (2, 2) \text{ مطابق}.$$

بنابراین با جایگذاری این نقاط در تابع، مقادیر a و b را به دست می آوریم:

$$f(0) = \frac{14}{3} \Rightarrow 5 - 3^b = \frac{14}{3} \Rightarrow 3^b = \frac{1}{3} \Rightarrow b = -1$$

$$f(2) = 2 \Rightarrow 5 - 3^{2a-1} = 2 \Rightarrow 3^{2a-1} = 3 \Rightarrow a = 2$$

$$\Rightarrow f(x) = 5 - 3^{2x-1} \Rightarrow f(2) = 5 - 3^3 = 5 - 27 = -22$$

(مسابان ا- توابع نمایی و لگاریتمی: صفحه های ۷۹ تا ۷۲)

(رضاء اسلامی)

گزینه «۳» -۶

ابتدا عدد خواسته شده را ساده تر می نویسیم:

$$\log_2 0 / 25 = \log_2 \frac{1}{4} = \log_{2 \times 3} 2^{-2} = -2 \log_{2 \times 3} 2$$

$$= \frac{-2}{\log_2 2 \times 3} = \frac{-2}{1 + \log_2 3}$$

از فرض داده شده، مقدار $\log_2 3$ را به دست می آوریم:

$$a = \frac{\log 12}{\log 18} = \frac{2 \log 2 + \log 3}{\log 2 + 2 \log 3}$$

صورت و مخرج را برابر $\log_2 2$ تقسیم می کنیم:

$$a = \frac{2 + \log_2 3}{1 + 2 \log_2 3} \Rightarrow \log_2 3 = \frac{2-a}{2a-1}$$

پس جواب برابر است با:

$$\log_2 0 / 25 = \frac{-2}{1 + \log_2 3} = \frac{-2}{1 + \frac{2-a}{2a-1}} = \frac{-2(2a-1)}{a+1} = \frac{2-4a}{a+1}$$

(مسابان ا- توابع نمایی و لگاریتمی: صفحه های ۸۶ و ۸۷)

حسابان ۱

گزینه «۱» -۱

(سراسری ریاضی - ۹۳)

صورت و مخرج کسر، مجموع جملات دو دنباله هندسی هستند.

$$A = \frac{a^{11} + a^{10} + a^9 + \dots + a + 1}{a^9 + a^8 + a^7 + \dots} \underset{t_1=1, r=a}{=} \frac{\frac{1(1-a^{12})}{1-a}}{\frac{1(1-(a^9)^r)}{1-a}} \\ = \frac{1-a^{12}}{1-a} = \frac{(1-a)(1+a+a^2)}{1-a} = 1+a+a^2$$

با توجه به این که $a = \frac{-1+\sqrt{5}}{2}$ داریم:

$$2a+1 = \sqrt{5} \rightarrow (2a+1)^2 = (\sqrt{5})^2$$

$$\Rightarrow 4a^2 + 4a + 1 = 5 \Rightarrow 4(a^2 + a) = 4 \Rightarrow a^2 + a = 1$$

بنابراین حاصل عبارت A برابر است با:

(مسابان ا- هیر و معادله: صفحه های ۴ تا ۶)

(اخشنین خاصه خان)

گزینه «۱» -۲

برای اینکه معادله جواب داشته باشد، باید $k > 0$ بشود، $\sqrt{k} > 0$ داشت.

صورت بر اساس دامنه متغیر x داریم: $\sqrt{x+1} = \sqrt{k} \sqrt{x} - \sqrt{x} = (\sqrt{k}-1)\sqrt{x}$

طبقه بندی $k > 0$ را به توان دو می رسانیم:

$$x+1 = (\sqrt{k}-1)^2 x \Rightarrow ((\sqrt{k}-1)^2 - 1)x = 1$$

$$\Rightarrow x = \frac{1}{(\sqrt{k}-1)^2 - 1}$$

دامنه جواب بازه $(0, +\infty)$ است، پس جواب بالا باید نامنفی باشد:

$$\Rightarrow (\sqrt{k}-1)^2 > 1 \Rightarrow \begin{cases} \sqrt{k}-1 > 1 \Rightarrow \sqrt{k} > 2 \Rightarrow k > 4 \\ \sqrt{k}-1 < -1 \Rightarrow \sqrt{k} < 0 \end{cases}$$

حدود $k > 4$ قابل قبول است و $k > 0$ مقدار طبیعی برای k قابل قبول نیست.

(مسابان ا- هیر و معادله: صفحه های ۲۰ و ۲۱)

(امسان غنیزاده)

گزینه «۲» -۳

با توجه به تعریف دامنه تابع f_{of} داریم:

$$D_{f_{\text{of}}} = \{x \mid x \in D_f, f(x) \in D_f\}$$

دامنه تابع f برابر است با:

$$f(x) = \sqrt{x} - x^2 \Rightarrow D_f = [0, +\infty)$$

$$\Rightarrow D_{f_{\text{of}}} : \begin{cases} 1) x \in [0, +\infty) \\ 2) \sqrt{x} - x^2 \geq 0 \Rightarrow \sqrt{x} \geq x^2 \Rightarrow 0 \leq x \leq 1 \end{cases}$$

$$\xrightarrow{\text{اشترک}} D_{f_{\text{of}}} = [0, 1]$$

پس دامنه f_{of} شامل ۲ عدد صحیح است.

(مسابان ا- تابع: صفحه های ۶۶ تا ۷۰)



با توجه به اینکه حد مخرج کسر صفر می‌بلشد، چه مت ۱ $\lim_{x \rightarrow -1} \frac{x^3 + ax^2 + x + b}{x^3 - x - 2}$ صورت کسر نیز باشد.

$$\begin{aligned} & 2(-1)^3 + a(-1)^2 + (-1) + b = 0 \Rightarrow a + b = 3 \\ & \frac{2x^3 + ax^2 + x + b}{(a-2)x^3 + x + b} \Big|_{x=-1} \\ & \frac{-2x^3 + 2x^2}{(a-2)x^3 + x + b} \Big|_{x=-1} \\ & \frac{-(a-2)x^3 + (a-2)x}{(a-2)x^3 + x + b} \Big|_{x=-1} \\ & a + b - 3 = 0 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & \Rightarrow \lim_{x \rightarrow -1} \frac{2x^3 + ax^2 + x + b}{x^3 - x - 2} \\ & = \lim_{x \rightarrow -1} \frac{(x+1)(2x^2 + (a-2)x + (3-a))}{(x+1)(x-2)} \\ & = \frac{2-a+2+3-a}{-3} = 1 \Rightarrow a = 5 \Rightarrow b = -2 \Rightarrow 2a+b = 8 \end{aligned}$$

(مسابان ا- مر و پیوستگی؛ صفحه‌های ۱۳۶ و ۱۴۱ تا ۱۴۴)

(کاظم اجلان)

گزینه «۴» -۱.

مقدار تابع و حدود چپ و راست را حساب می‌کنیم:

$$f\left(\frac{\pi}{6}\right) = b[\lceil \frac{\pi}{6} \sin \frac{\pi}{6} \rceil + \lfloor \frac{-\pi}{6} \rfloor] = 2b - 6$$

$$\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{6}^-} f(x) = \lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{6}^-} \left(b[\lceil \frac{\pi}{6} \sin x \rceil + \lfloor \frac{-\pi}{6} \rfloor] \right) = b - 4$$

$$\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{6}^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{6}^+} \frac{a \sin \pi x}{\pi x - \pi} = \lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{6}^+} \frac{a \sin(\pi - \pi x)}{-(\pi - \pi x)} = -a$$

پس برای پیوستگی در $x = \frac{\pi}{6}$ ، سه مقدار بالا باید برابر باشند:

$$\Rightarrow \begin{cases} 2b - 6 = b - 4 \Rightarrow b = -1 \\ b - 4 = -a \Rightarrow a = 5 \end{cases} \Rightarrow a - b = 6$$

توجه: همواره $\sin \theta = \sin(\pi - \theta)$ برقرار است.

(مسابان ا- مر و پیوستگی؛ صفحه‌های ۱۴۵ و ۱۵۱)

(میلاد منصوری)

گزینه «۴» -۷.

$$\cos 140^\circ = \cos(180^\circ - 40^\circ) = -\cos 40^\circ$$

$$\cos 230^\circ = \cos(270^\circ - 40^\circ) = -\sin 40^\circ$$

$$\cos 130^\circ = \cos(90^\circ + 40^\circ) = -\sin 40^\circ$$

عبارت مفروض به صورت زیر ساده می‌شود:

$$\frac{\cos 40^\circ - 2 \sin 40^\circ}{-4 \cos 40^\circ - \sin 40^\circ} = a \xrightarrow{+ \cos 40^\circ} \frac{1 - 2 \tan 40^\circ}{-4 - \tan 40^\circ} = a$$

$$\Rightarrow 1 - 2 \tan 40^\circ = -4a - a \tan 40^\circ \Rightarrow (a-1) \tan 40^\circ = -4a - 1$$

$$\Rightarrow \tan 40^\circ = \frac{4a+1}{2-a}$$

(مسابان ا- مثبات: صفحه‌های ۹۱ تا ۹۴)

(علی ابرار)

گزینه «۴» -۸.

با توجه به رابطه داده شده خواهیم داشت:

$$\sin x + \sqrt{3} \cos x = \sqrt{1^2 + (\sqrt{3})^2} \left(\frac{1}{2} \sin x + \frac{\sqrt{3}}{2} \cos x \right)$$

$$= \sqrt{2} \left(\sin \frac{\pi}{6} \sin x + \cos \frac{\pi}{6} \cos x \right) = \sqrt{2} \left(\cos \left(x - \frac{\pi}{6} \right) \right) = -\frac{\sqrt{5}}{2}$$

$$\Rightarrow \cos \left(x - \frac{\pi}{6} \right) = -\frac{\sqrt{5}}{2}$$

$$\cos 2x + \sqrt{3} \sin 2x = \sqrt{1^2 + (\sqrt{3})^2} \left(\frac{1}{2} \cos 2x + \frac{\sqrt{3}}{2} \sin 2x \right)$$

$$= \sqrt{2} \left(\cos \frac{\pi}{6} \cos 2x + \sin \frac{\pi}{6} \sin 2x \right) = \sqrt{2} \left(\cos \left(2x - \frac{\pi}{6} \right) \right)$$

$$= \sqrt{2} \cos \left(2x - \frac{\pi}{6} \right)$$

براساس رابطه $\cos 2\alpha = 2 \cos^2 \alpha - 1$ خواهیم داشت:

$$\sqrt{2} \cos \left(2 \left(x - \frac{\pi}{6} \right) \right) = \sqrt{2} \cos^2 \left(x - \frac{\pi}{6} \right) - 1 = \sqrt{2} \left(2 \times \frac{5}{16} - 1 \right) = -\frac{3}{4}$$

(مسابان ا- مثبات: صفحه‌های ۱۰۰ تا ۱۰۳)

(علی ابرار)

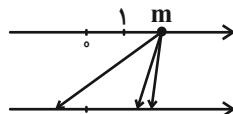
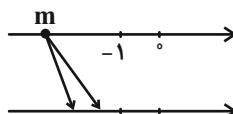
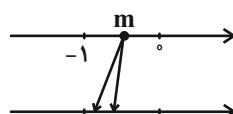
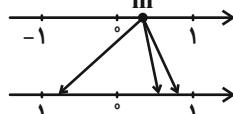
گزینه «۴» -۹.

$$\lim_{x \rightarrow -1} \frac{2x^3 + ax^2 + x + b}{x^3 - x - 2} = 1$$



(امیر ممدوحیان)

گزینه «۳» - ۱۴

اگر $m > 1$, همه ریشه‌های از خودش کوچک‌تر خواهد بود:اگر $-1 < m < 0$, ریشه زوج ندارد و ریشه‌های فرد عدد m از ۰ و ۱ بزرگ‌تر خواهند بود:اگر $0 < m < 1$, ریشه زوج ندارد و ریشه‌های فرد عدد m از ۰ و ۱ عدد، کوچک‌تر خواهند بود:اما $0 < m < 1$, دو ریشه زوج دارد که یکی مثبت و یکی منفی است. ریشه‌های مثبت از خود عدد بزرگ‌ترند:بنابراین با توجه به شکل داده شده در سؤال، $0 < m < 1$ مثبت و m منفی عدد است. برای $0 < m < 1$ داریم:

$$m < \sqrt{m} < \sqrt[3]{m} < \sqrt[4]{m} < \dots$$

پس موارد «ب» و «ت» قطعاً نادرست است و بقیه موارد می‌توانند درست باشند.

(ریاضی - توان‌های گویا و عبارت‌های بیزی: صفحه‌های ۵۸ تا ۶۱)

(عید علیزاده)

گزینه «۲» - ۱۵

چون در دو طرف $x = -2$ تغییر مثبت دارد، $x = -2$ نمودار دارد.ساده عبارت P است و باید عبارت $ax^3 + 3x + b$ را صفر نمود.چون در دو طرف $x = c$ تغییر مثبت دارد، $x = c$ نمودار دارد.مقدار P مثبت و مقدار c مثبت است.

$$x = -2 \Rightarrow ax^3 + 3x + b = 0 \Rightarrow -8a + 3(-2) + b = 0 \Rightarrow -8a - 6 + b = 0 \Rightarrow b = 8a + 6$$

$$\Rightarrow c = \frac{1}{2} \quad \text{را صفر کند.}$$

$$\begin{aligned} ax^3 + 3x + b = 0 &\quad \left| \begin{array}{l} x = -2 \\ x = \frac{1}{2} \end{array} \right. \Rightarrow \begin{cases} 4a + b = 6 \\ \frac{1}{4}a + b = -\frac{3}{2} \end{cases} \\ &\quad \text{از حل دستگاه} \Rightarrow \begin{cases} a = 2 \\ b = -2 \end{cases} \end{aligned}$$

$$\Rightarrow abc = (2)(-2)\left(\frac{1}{2}\right) = -2$$

(ریاضی - معادله‌ها و تابع‌های: صفحه‌های ۸۸ تا ۸۳)

ریاضی ۱

گزینه «۱» - ۱۱

(محمدی مهدی کوثر)

برای $n = 2$ داریم $a_1 = 2$ که $a_2 = a_{2-1} + 2(2)$ را نتیجه می‌دهد.برای $n = 3$ داریم $a_1 = 1$ که $a_3 = a_{3-1} + 2(3)$ را نتیجه می‌دهد.برای $n = 4$ داریم $a_1 = 1$ که $a_4 = a_{4-1} + 2(4)$ را نتیجه می‌دهد.با توجه به جملات دنباله $2, 5, 10, 17, \dots$ می‌تویم a_n را در $a_{17} = 17^2 + 140$ می‌دانیم.که $a_{17} = 290$ را نتیجه می‌دهد که جمع ارقام آن برابر ۱۱ می‌باشد.

(ریاضی - مجموعه، الگو و دنباله: صفحه‌های ۱۴ تا ۱۷)

(اعبد مهرابی)

گزینه «۳» - ۱۲

$$a_1, \underbrace{\dots, a_n, a_{n+1}}_{\text{تا واسطه هندسی}}, a_{n+2}$$

$$\frac{a_{n+1}}{a_n} = \frac{a_1 r^n}{a_1 r} = r^{n-1} = 3125 = 5^5$$

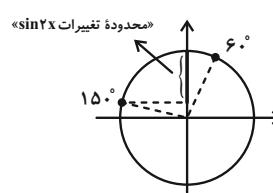
$$\frac{r=5}{n-1=5} \Rightarrow n=6$$

(ریاضی - مجموعه، الگو و دنباله: صفحه‌های ۲۵ تا ۲۷)

(سپار (اوطلب))

گزینه «۱» - ۱۳

$$30^\circ < x < 75^\circ \xrightarrow{x \in} 60^\circ < 2x < 150^\circ$$

با توجه به دایرة مثلثاتی، وقتی از زاوية 60° تا 150° را می‌چنیمحدود مقادیر $2x$, بازه $\left[\frac{1}{2}, 1\right]$ است.

$$60^\circ < 2x < 150^\circ \Rightarrow \frac{1}{2} < \sin 2x \leq 1$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2} < \frac{2m-1}{3} \leq 1 \xrightarrow{x \in} \frac{3}{2} < 2m-1 \leq 3$$

$$\xrightarrow{+1} \frac{5}{2} < 2m \leq 4 \xrightarrow{+2} \frac{5}{4} < m \leq 2$$

(ریاضی - مثلثات: صفحه‌های ۳۶ تا ۳۹)



برای اینکه f با دامنه $\mathbb{R} - [a, b]$ فقط از دو ربع هنگاه می‌باشد و کند، باید قسمتی را که نمودار آن در آن دارد، هنگامی که $b - a \geq 6$ باشد. پس کمترین مقدار a چنانچه $b - a = 6$ باشد:

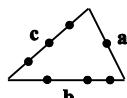
$$(b - a)_{\min} = 6$$

(ریاضی ا- تابع؛ صفحه ۳۰)

(علی شهرابی)

گزینه «۴»

در کل سه حالت برای تشکیل یک چهارضلعی محدب وجود دارد که عبارتند از:



حالت (۱) یعنی ترأسی اول a و b و دو رأس از

$$\binom{1}{1} \binom{3}{1} \binom{3}{2} = 9$$

ضلع c انتخاب شود:

حال حالت (۲) یعنی ترأس از a و b و دو رأس از

$$\binom{1}{1} \binom{3}{2} \binom{3}{1} = 9$$

ضلع c انتخاب شود:

حالات (۳): دو رأس از ضلع b و دو رأس از ضلع c انتخاب شود:

$$\binom{3}{2} \binom{3}{2} = 9$$

بنابراین تعداد چهارضلعی‌های محدب حاصل برابر است با:

(ریاضی ا- شمارش، بدون شمردن؛ صفحه‌های ۹۵ تا ۱۳۳)

(زهره رامشین)

گزینه «۴»

یکی دیگر از برادرها
جایگشت سه نفر دیگر

$n(A) = 2 \times 3! \times 1 = 12$

نمودار این خط به صورت زیر است:

$$P(A) = \frac{n(A)}{n(S)} = \frac{12}{5!} = \frac{12}{120} = \frac{1}{10}$$

(ریاضی ا- آمار و احتمال؛ صفحه‌های ۱۵۶ تا ۱۵۷)

(همیر علیزاده)

گزینه «۱۶»

طبق گفته مسئله، عرض رأس سهمی برابر ۱ است. پس:

$$y_S = \frac{4ac - b^2}{4a} = 1 \Rightarrow \frac{\lambda a - 4}{4a} = 1 \Rightarrow \lambda a - 4 = 4a$$

$$\Rightarrow 4a = 4 \Rightarrow a = 1$$

$$y = x^2 + 2x + 2 = (x^2 + 2x + 1) + 1 = (x + 1)^2 + 1$$

$$a = 1, h = -1, k = 1 \Rightarrow a + h = 0$$

(ریاضی ا- معادله‌ها و نامعادله‌ها؛ صفحه‌های ۷۱ تا ۸۲)

(امیر ممورویان)

گزینه «۲»

دو زوج مرتب با مؤلفه اول یکسان $x + 2$ وجود دارد، پس برای آن دو زدن

رابطه، باید مؤلفه‌های دوم آنها برابر باشد:

$$x^3 = x^3 + 2x \Rightarrow x^3 - x^3 - 2x = 0 \Rightarrow x(x^2 - x - 2) = 0$$

$$\Rightarrow x(x - 2)(x + 1) = 0 \Rightarrow x = 0 \text{ یا } x = -1 \text{ یا } x = 2$$

به ازای $x = 0$ رابطه را بازنویسی می‌کنیم:

$$\{(2,0), (0,0), (2,0), (2,0)\}$$

تابع است.

$$\{(1,-1), (1,1), (1,-1), (4,-1)\}$$

به ازای $x = 2$ تابع نیست.

$$\{(4,8), (-2,4), (4,8), (-2,2)\}$$

پس تنها به ازای $x = 0$ تابع است.

(ریاضی ا- تابع؛ صفحه‌های ۹۵ تا ۱۰۰)

(بهانگش نیکنام)

گزینه «۳»

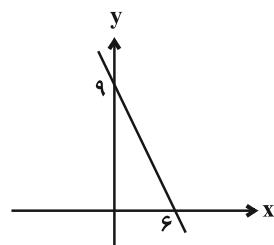
تابع خطی است، پس ضریب x باید صفر باشد:

$$k^2 - 16 = 0 \Rightarrow k = \pm 4$$

اما $k = 4$ غیرقابل قبول است، زیرا مخرج ضریب x را صفر می‌کند.

$$\Rightarrow f(x) = -\frac{3}{2}x + 9$$

نمودار این خط به صورت زیر است:

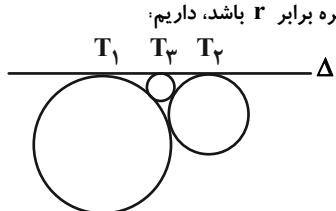




(سوکندر روشن)

«۲۴» گزینه

طول مماس مشترک خارجی دو دایره مماس خارج به شعاع R و R' از Δ است که $\angle RRR' = 2\sqrt{RR'}$ باشد، داریم:



$$T_1T_2 = T_1T_3 + T_3T_2$$

$$2\sqrt{18 \times 2} = 2\sqrt{18r} + 2\sqrt{2r}$$

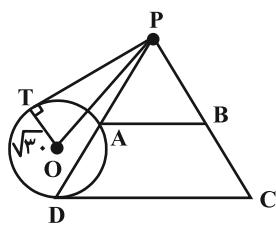
$$\rightarrow 6 = 3\sqrt{2} \times \sqrt{r} + \sqrt{2} \times \sqrt{r}$$

$$\Rightarrow 6 = 4\sqrt{2} \times \sqrt{r} \Rightarrow \sqrt{r} = \frac{6}{4\sqrt{2}} \Rightarrow r = \frac{9}{8}$$

(هنرسه ۲ - دایره: صفحه‌های ۲۱ و ۲۲)

(سریری‌بازاریان تبریزی)

«۲۵» گزینه

طبق تعمیم قضیه تالس در مثلث PCD داریم:

$$AB \parallel CD \Rightarrow \frac{PA}{PD} = \frac{AB}{CD}$$

$$\Rightarrow \frac{PA}{PA+4} = \frac{10}{15} = \frac{2}{3}$$

$$\Rightarrow 3PA = 2PA + 14 \Rightarrow PA = 14$$

$PT^2 = PA \times PD = 14 \times 21$ طبق روابط طولی در دایره داریم:
حال طبق فیثاغورس داریم:

$$PO = \sqrt{PT^2 + OT^2} = \sqrt{294 + 30} = 18$$

(هنرسه ۲ - دایره: صفحه‌های ۱۸ و ۱۹)

(سریری‌بازاریان تبریزی)

«۲۶» گزینه

A است، بنابراین نقطه B دوران یافته نقطه A و $AC = BC$ تحت دوران 60° در خلاف جهت حرکت عقربه‌های ساعتموشهاست. به طور مشابه E و D یافته نقطه C است.
دوران یافته نقطه D تحت دوران 60° در خلاف جهت ABE یافته
ساعت و به مرکز C است. پس BE یافته دوران 60° با زاویه 60° و به مرکز C می‌باشد.

(هنرسه ۳ - تبدیل‌های هندسی و کربدها: صفحه‌های ۳۲ و ۳۳)

۲ هندسه

«۲۱» گزینه

(امیرحسین ابوالصوب)

طول هر قلل n امدادهای r از Δ باشد، داریم:

$$n = 6 \quad a = 2r \tan \frac{180^\circ}{n}$$

$$a = 4\sqrt{3}$$

$$4\sqrt{3} = 2r \times \tan 30^\circ \Rightarrow 2\sqrt{3} = r \times \frac{\sqrt{3}}{3} \Rightarrow r = 6$$

مساحت دایره محاطی:

(هنرسه ۲ - دایره: تمرین ۷ صفحه ۱۳)

«۲۲» گزینه

اگر طول کمان رویه را به زاویه 30° در دایرة C را \square و \square ان
رویه را به زاویه 60° در دایرة C' را با $'$ نمایش دهیم، آنگاه داریم:

$$\frac{\square}{\square'} = \frac{\pi R \times 30^\circ}{\pi R' \times 60^\circ} = \frac{R}{2R'} \Rightarrow \frac{3}{2} = \frac{R}{2R'} \Rightarrow \frac{3}{2} = \frac{1}{2} \Rightarrow R' = 6$$

$$\Rightarrow \frac{S}{S'} = \frac{\pi R^2}{\pi R'^2} = \left(\frac{R}{R'}\right)^2 = 36$$

(هنرسه ۲ - دایره: صفحه ۱۲)

«۲۳» گزینه

$$\widehat{B} = 2\widehat{A} \Rightarrow \frac{\widehat{TBT'}}{2} = 2 \times \frac{\widehat{TBT} - \widehat{TT'}}{2}$$

$$\Rightarrow \widehat{TBT'} = 2(\widehat{TBT} - \widehat{TT'}) \Rightarrow \widehat{TT'} = \frac{2}{3} \widehat{TBT}$$

اگر $\widehat{TBT'} = 3x$ باشد، آنگاه $\widehat{TT'} = 2x$ و داریم:

$$\widehat{TT'} + \widehat{TBT'} = 360^\circ \Rightarrow 2x + 3x = 360^\circ \Rightarrow 5x = 360^\circ$$

$$\Rightarrow x = 72^\circ \Rightarrow \begin{cases} \widehat{TT'} = 2 \times 72^\circ = 144^\circ \\ \widehat{TBT'} = 3 \times 72^\circ = 216^\circ \end{cases}$$

$$BT = BT' \Rightarrow \widehat{BT} = \widehat{BT'} = \frac{\widehat{TBT'}}{2} = 108^\circ$$

زاویه ATB زاویه ظلی است، پس داریم:

$$\widehat{ATB} = \frac{\widehat{BT'} + \widehat{TT'}}{2} = \frac{108^\circ + 144^\circ}{2} = 126^\circ$$

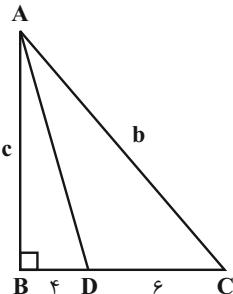
(هنرسه ۲ - دایره: صفحه‌های ۱۳ تا ۱۶)



(علن ایمانی)

گزینه «۴» - ۲۹

طبق قضیه نیمسازهای زوایای داخلی داریم:



$$\frac{AB}{AC} = \frac{BD}{DC} \Rightarrow \frac{c}{b} = \frac{4}{6} \Rightarrow c = 4x, b = 6x$$

$$\Delta ABC : b^2 = c^2 + 10^2 \Rightarrow 36x^2 = 16x^2 + 100$$

$$\Rightarrow 20x^2 = 100 \Rightarrow x^2 = 5 \Rightarrow x = \sqrt{5} \Rightarrow b = 6\sqrt{5}$$

از آنجایی که میانه وارد بر وتر نصف وتر است پس:

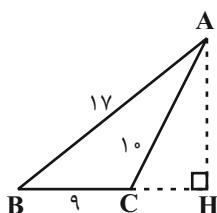
$$BM = \frac{b}{2} = \frac{6\sqrt{5}}{2} = 3\sqrt{5}$$

(هنرسه ۲ - روابط طولی در مثلث: صفحه‌های ۶۸ تا ۷۰)

(سید محمد رضا حسینی فرد)

گزینه «۲» - ۳۰

ابتدا به کمک رابطه هرون، مساحت مثلث ABC را به دست می‌آوریم:



$$P = \frac{17+10+9}{2} = 18$$

$$\Rightarrow S = \sqrt{18(18-17)(18-10)(18-9)} = \sqrt{18 \times 8 \times 9} = 36$$

$$S = \frac{AH \times BC}{2} \Rightarrow 36 = \frac{AH \times 9}{2} \Rightarrow AH = 8$$

$$\Delta ACH \xrightarrow{\text{فیثاغورس}} CH = \sqrt{AC^2 - AH^2} = \sqrt{10^2 - 8^2} = 6$$

(هنرسه ۲ - روابط طولی در مثلث: صفحه‌های ۷۱ و ۷۲)



(امیرحسین ابومصوب)

گزینه ۱۴

در این آزمایش تصادفی، فضای نمونه $S = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$ است. پیشامد A به صورت $A = \{3, 6\}$ است.

هر پیشامدی که فاقد هر دو عضو ۳ و ۶ باشد، با A ناسازگار است. تعداد چنین پیشامداتی برابر تعداد زیرمجموعه‌های مجموعه $\{1, 2, 4, 5\}$ ، یعنی برابر $= 16$ است.

(آمار و احتمال - احتمال: صفحه‌های ۳۹ تا ۴۳)

(بوارد هاتمن)

گزینه ۳۵

فرض کنید مجموعه ۳ عدد انتخابی $\{A_1, A_2, A_3\}$ دارد. حال حاصل $A_1 < A_2 < A_3$ می‌باشد. مادا $y = x + 1$ مورد قبول است. پس احتمال مطلوب برابر است با:

$$\frac{2}{3!} = \frac{1}{3}$$

(آمار و احتمال - احتمال: صفحه‌های ۴۰ تا ۴۳)

(فرشاد فرامرزی)

گزینه ۱

طبق فرض داریم:

$$\{1\} \rightarrow P(1) = x$$

$$\{1\} \rightarrow P(2) = x$$

$$\{1, 3\} \rightarrow P(3) = 4x$$

$$\{1\} \rightarrow P(4) = x$$

$$\{1, 5\} \rightarrow P(5) = 6x$$

$$\{1, 3\} \rightarrow P(6) = 4x$$

$$P(1) + P(2) + \dots + P(6) = 1$$

$$\Rightarrow x + x + 4x + x + 6x + 4x = 1 \Rightarrow 17x = 1 \Rightarrow x = \frac{1}{17}$$

احتمال مورد نظر برابر است با:

$$P(\{2, 3, 5\}) = P(2) + P(3) + P(5) = x + 4x + 6x = 11x$$

$$\Rightarrow P(\{2, 3, 5\}) = \frac{11}{17}$$

(آمار و احتمال - احتمال: صفحه‌های ۴۷ تا ۵۰)

آمار و احتمال**گزینه ۳۱**

به بررسی موارد می‌پردازیم:

$$\frac{-1}{2x-1+1} = 1 > \frac{1}{2} \quad \text{درست نیست زیرا:}$$

$$b) \text{ تساوی } 1 = \frac{x^2 - 1}{x+1} \text{ به ازاء } -1 \neq x \text{ همواره درست است.}$$

گزاره‌نما در دامنه گفته شده درست است.

$$c) \text{ برای هر } x \in \mathbb{R} \text{ داریم:}$$

پس گزاره‌نما در دامنه گفته شده درست است.

(آمار و احتمال - آشنایی با مبانی ریاضیات: صفحه‌های ۳ و ۴)

گزینه ۳۲در گزینه «۳» به ازاء $x = 1$ عدد طبیعی کوچک‌تر از آن پیدا نمی‌شود و در

گزینه‌های دیگر داریم:

گزینه «۱». اگر $y = x + 1$ باشد، همواره درست است.گزینه «۲». اگر $y = x$ باشد، همواره درست است.گزینه «۴». اگر $y = x$ باشد، همواره درست است.

(آمار و احتمال - آشنایی با مبانی ریاضیات: صفحه‌های ۱۰ تا ۱۳)

گزینه ۳۳

(امیرحسین ابومصوب)

$$\frac{n(B \times C)}{n(A \times B)} = \frac{1}{2} \Rightarrow \frac{n(B) \times n(C)}{n(A) \times n(B)} = \frac{1}{2} \Rightarrow n(A) = 2n(C)$$

$$n(A) = 2x \quad \text{و} \quad n(C) = x \quad \text{پس} \quad n(A) = 2x$$

است و در نتیجه داریم:

$$n(A^2) - n(B \times C) = 12 \Rightarrow (n(A))^2 - n(B) \times n(C) = 12$$

$$\Rightarrow 2x^2 - 2x - 12 = 0 \Rightarrow x^2 - x - 6 = 0 \Rightarrow (x-3)(x+2) = 0$$

$$\Rightarrow \begin{cases} x = 3 \\ x = -2 \end{cases}$$

بنابراین $x = 3$ است و داریم:

$$n(A \times C) = n(A) \times n(C) = 6 \times 3 = 18$$

(آمار و احتمال - آشنایی با مبانی ریاضیات: صفحه‌های ۳۰ تا ۳۳)



(امیرحسین ابوالمحبوب)

گزینه «۴» - ۳۹

مجموع فراوانی نسبی‌ها یک است. پس داریم:

$$a = 1 - (0/1 + 0/15 + 0/25 + 0/3 + 0/15) \Rightarrow a = 0/05$$

فرض کنید فراوانی داده‌ها را به ترتیب f_1, f_2, \dots, f_6 داده‌اند.

$$\text{داده‌ها را با } n \text{ نمایش دهیم. با توجه به اینکه } n \text{ متنه } i \text{ می‌باشد،}$$

فراوانی نسبی آن دسته است، داریم:

$$\bar{x} = \frac{f_1 x_1 + f_2 x_2 + f_3 x_3 + f_4 x_4 + f_5 x_5 + f_6 x_6}{n}$$

$$= \frac{f_1}{n} x_1 + \frac{f_2}{n} x_2 + \frac{f_3}{n} x_3 + \frac{f_4}{n} x_4 + \frac{f_5}{n} x_5 + \frac{f_6}{n} x_6$$

$$= 0/1 \times 2 + 0/15 \times 6 + 0/25 \times 10 + 0/3 \times 14 + 0/15 \times 18 + 0/05 \times 22$$

$$= 0/2 + 0/9 + 0/5 + 0/4 + 0/2 + 0/1 = 11/6$$

(آمار و احتمال - آمار توصیفی: صفحه‌های ۱۰ و ۱۱)

(سوکندر روشن)

گزینه «۳» - ۴۰

نکته: انحراف معیار n داده که تشکیل یک مجموعه است.

$$\sigma = \sqrt{\frac{n^2 - 1}{12}} |d|$$

می‌دهند، برابر است با:

می‌دانیم انحراف معیار داده‌های ۱۰، ۸، ۶، ۴، ۲، ۰، چون تشکیل دنباله باشد،

با قدر نسبت ۲ می‌دهند، برابر است با:

$$\sigma = \sqrt{\frac{n^2 - 1}{12}} |d| = \sqrt{\frac{5^2 - 1}{12}} \times 2 = 2\sqrt{2}$$

چون همه داده‌ها در m خرب شده‌اند، انحراف σ در $|m|$ در می‌باشد.

$$2\sqrt{2} |m| = 4\sqrt{3} \xrightarrow{m > 0} m = \sqrt{6}$$

می‌شود. بنابراین:

بنابراین داده‌های مفروض عبارتند از:

$$\sqrt{6}m - 2, m^3 + 4, m^2 + 10, m^4 - 14 : 4, 10, 16, 22$$

که چون تشکیل دنباله حسابی با $d = 6$ می‌دهند، داریم:

$$\sigma = \sqrt{\frac{n^2 - 1}{12}} \times 6 = \sqrt{\frac{16 - 1}{12}} \times 6 = \sqrt{\frac{5}{4}} \times 6 = 3\sqrt{5}$$

میانگین این داده‌ها برابر است با:

$$\bar{x} = \frac{4 + 10 + 16 + 22}{4} = 13$$

$$CV = \frac{\sigma}{\bar{x}} = \frac{3\sqrt{5}}{13}$$

(آمار و احتمال، آمار توصیفی: صفحه‌های ۱۷ تا ۱۹)

(امیرمحمد کریمی)

گزینه «۲» - ۳۷

$$\begin{cases} \frac{\alpha}{6} = \text{احتمال انتخاب} \Rightarrow 6 \text{ مهره: جعبه اول} \\ \frac{\alpha}{4} = \text{احتمال انتخاب} \Rightarrow 4 \text{ مهره: جعبه دوم} \end{cases} \Rightarrow \frac{\alpha}{4} + \frac{\alpha}{6} = 1 \Rightarrow \alpha = \frac{12}{5}$$

حال طبق قانون احتمال کل داریم:

احتمال انتخاب جعبه ۱: A_1 احتمال انتخاب جعبه ۲: A_2

احتمال دیدن مهره مشکی:

$$P(B) = P(A_1)P(B|A_1) + P(A_2)P(B|A_2)$$

$$= \frac{12}{5} \times \frac{2}{6} + \frac{12}{5} \times \frac{1}{4} = \frac{4}{30} + \frac{3}{10} = \frac{4+9}{30} = \frac{13}{30}$$

(آمار و احتمال - احتمال: صفحه‌های ۵۵ تا ۵۷)

(امیرمحمد خلاج)

گزینه «۲» - ۳۸

طبق نمودار درختی برای پرتاب تاس و حالت‌های مطلوب برای آنکه سکه ۳

بار رو باید داریم:

$$\begin{array}{c} \xrightarrow{3} \frac{1}{6} \xrightarrow{3} \text{رو در ۳ بار پرتاب سکه} \xrightarrow{\binom{3}{3}} \frac{1}{8} \\ \xrightarrow{4} \frac{1}{6} \xrightarrow{3} \text{رو در ۴ بار پرتاب سکه} \xrightarrow{\binom{4}{3}} \frac{1}{4} \\ \xrightarrow{5} \frac{1}{6} \xrightarrow{3} \text{رو در ۵ بار پرتاب سکه} \xrightarrow{\binom{5}{3}} \frac{5}{16} \\ \xrightarrow{6} \frac{1}{6} \xrightarrow{3} \text{رو در ۶ بار پرتاب سکه} \xrightarrow{\binom{6}{3}} \frac{5}{16} \end{array}$$

اگر پیشامد ۳ بار رو آمدن سکه را با A و پیشامد ۵ آمدن تاس را با B

نمایش دهیم، آنگاه طبق قانون احتمال کل و قانون بیز داریم:

$$P(A) = \frac{1}{6} \left(\frac{1}{8} + \frac{1}{4} + \frac{5}{16} + \frac{5}{16} \right) = \frac{1}{6} \times \frac{2+4+5+5}{16} = \frac{1}{6} \times 1 = \frac{1}{6}$$

$$P(B|A) = \frac{P(B)P(A|B)}{P(A)} = \frac{\frac{1}{6} \times \frac{5}{16}}{\frac{1}{6}} = \frac{5}{16}$$

(آمار و احتمال - احتمال: صفحه‌های ۵۵ تا ۶۰)



(عن ایمان)

«۴۳» - گزینه

طبق قضیه خطوط موازی و لامب، $\hat{A}BE = \hat{C}DE$ و $\hat{B}AE = \hat{D}CE$ پس دو مثلث CDE و ABE مشابه هستند و داریم:

$$\frac{S_{ABE}}{S_{CDE}} = \frac{4}{9} = k^2 \Rightarrow k = \frac{2}{3} \Rightarrow \begin{cases} AB = 2x \\ CD = 3x \end{cases}$$

با فرض $BF = b$ و $CF = a$ داریم:

$$\Delta ABC : EF \parallel AB \xrightarrow{\text{تمیم قضیه تالس}} \frac{EF}{AB} = \frac{CF}{CB} = \frac{a}{a+b}$$

$$\Rightarrow \frac{6}{2x} = \frac{a}{a+b} \xrightarrow{\text{تفضیل نسبت در مخرج}} \frac{6}{2x-a} = \frac{a}{b} \quad (1)$$

$$\Delta BCD : EF \parallel DC \xrightarrow{\text{تمیم قضیه تالس}} \frac{EF}{CD} = \frac{BF}{BC} = \frac{b}{a+b}$$

$$\Rightarrow \frac{6}{3x} = \frac{b}{a+b} \xrightarrow{\text{تفضیل نسبت در مخرج}} \frac{6}{3x-b} = \frac{b}{a} \quad (2)$$

$$\xrightarrow{(1), (2)} \frac{6}{2x-6} = \frac{3x-6}{6} = \frac{x-2}{2}$$

$$\Rightarrow 2x^2 - 10x + 12 = 12 \Rightarrow 2x^2 - 10x = 0$$

$$\Rightarrow \begin{cases} x=0 \\ x=5 \Rightarrow CD=15, AB=10 \end{cases}$$

$$AB + 2CD = 10 + 30 = 40$$

(هنرسه ا- قضیه تالس، تشابه و کاربردهای آن: صفحه‌های ۳۴ تا ۳۸)

(محمد صفت‌کار)

«۴۴» - گزینه

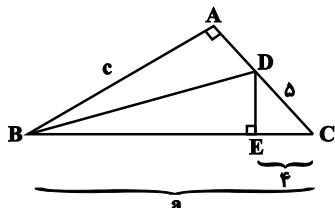
از D عمود DE را بر ضلع BC رسم می‌کیم. D روی نیمساز زاویه B واقع است. پس از دو ضلع آن به یک فاصله است. بنابراین:

$$\left. \begin{array}{l} DE = DA \\ DB = DB \end{array} \right\} \Rightarrow \Delta BAD \cong \Delta BED \Rightarrow BE = AB = c, AD = DE \\ \hat{A} = \hat{E} = 90^\circ$$

$$EC = BC - BE = a - c = 4$$

$$DE = \sqrt{DC^2 - EC^2} = \sqrt{5^2 - 4^2} = 3 \quad \text{حال طبق قضیه فیثاغورس داریم:}$$

$$\Rightarrow AD = DE = 3$$



(هنرسه ا- ترسیم‌های هندسی و استدلال: صفحه‌های ۱۱ و ۱۲)

هندسه ۱

«۴۱» - گزینه

(محمد کریم)

می‌دانیم اگر دو مثلث در یک رأس مشترک بوده و قاعده مقابله به رأس آنها روی یک خط راست باشد، نسبت مساحت‌های آن‌قلدرها نسبت می‌شود. بنابراین داریم:

$$\frac{S_{ABD}}{S_{ABC}} = \frac{BD}{BC} = \frac{3}{5} \quad (1)$$

$$\frac{S_{AED}}{S_{ABD}} = \frac{AE}{AB} = \frac{4}{5} \quad (2)$$

$$\frac{S_{DEF}}{S_{AED}} = \frac{FD}{AD} = \frac{1}{2} \quad (3)$$

$$\xrightarrow{(1), (2), (3)} \frac{S_{ABD}}{S_{ABC}} \times \frac{S_{AED}}{S_{ABD}} \times \frac{S_{DEF}}{S_{AED}} = \frac{3}{5} \times \frac{4}{5} \times \frac{1}{2}$$

$$\Rightarrow \frac{S_{DEF}}{S_{ABC}} = \frac{6}{25}$$

(هنرسه ا- قضیه تالس، تشابه و کاربردهای آن: صفحه‌های ۳۰ تا ۳۴)

(سامان اسپهاد)

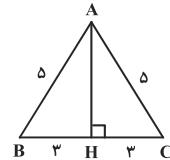
«۴۲» - گزینه

کافی است طول کوتاه‌ترین ارتفاع را در مثلث ABC می‌توان AH و

H پر AH تنقیده از AB می‌باشد و AB را در مثلث AH وارد A'

پیدا کنیم. می‌دانیم کوتاه‌ترین ارتفاع هر مثلث، AH وارد A'

بزرگ‌ترین ضلع آن است، پس مطابق شکل داریم:



$$\Delta ABH : AH^2 = AB^2 - BH^2 = 5^2 - 3^2 = 16 \Rightarrow AH = 4$$

نسبت ارتفاع‌ها در دو مثلث مشابه، $\frac{AH}{A'H'} = \frac{AB}{A'B'}$ می‌باشد. از

طرفی نسبت محیط‌ها در دو مثلث مشابه نیز با همین علت می‌باشد.

توجه به این که محیط مثلث ABC برابر $6+5+5=16$ است، داریم:

$$\frac{AH}{A'H'} = \frac{\Delta ABC}{\Delta A'B'C'} \Rightarrow \frac{4}{A'H'} = \frac{16}{56} \Rightarrow A'H' = 14$$

(هنرسه ا- قضیه تالس، تشابه و کاربردهای آن: صفحه‌های ۳۵ تا ۳۷)



(مهدی نیک‌زاده)

گزینه «۱» - ۴۸

طبق رابطه تعداد اضلاع و قطرهای یک چندضلعی داریم:

$$\frac{2n(2n-3)}{2} = 2(n+1 + \frac{(n+1)(n-2)}{2}) + 5 \Rightarrow \begin{cases} n = -1 \\ n = 10 \end{cases}$$

 $= (n-2)180^\circ = (10-2)180^\circ = 1440^\circ$

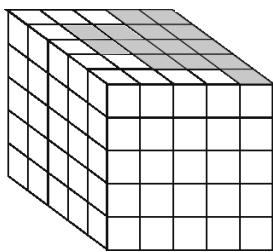
(هنرسه ا- پندرضلعی‌ها : صفحه ۵۵)

(محمد بهیرایی)

گزینه «۱» - ۴۹

برای آن که نمای بالای مورد نظر به دست آید، باید حداقل تمام \square بباشد.هاشورخورده و مکعب‌های زیر آن برداشته شود، یعنی حداقل $70 = 14 \times 5$

مکعب.



(هنرسه ا- تبعیم فضایی: مشابه تمرین ۵ صفحه ۹۱)

(مهدی نیک‌زاده)

گزینه «۴» - ۵۰

 $AC = \sqrt{BC^2 - AB^2} = \sqrt{12^2 - 12^2} = 5$ طبق قضیه فیثاغورس داریم:

حجم حاصل از دوران شکل صورت سؤال، برابر اختلاف حجم مخروط حاصل

از دوران مثلث قائم‌الزاویه و حجم نیمکره حاصل از دوران ربع دایره است.

بنابراین داریم:

$$\left\{ \begin{array}{l} \text{حجم مخروط} = \frac{1}{3} \pi r^2 h = \frac{1}{3} \pi \times (5)^2 \times 12 = 100\pi \\ \text{حجم نیمکره} = \frac{1}{2} \times \frac{4}{3} \pi r^3 = \frac{1}{2} \times \frac{4}{3} \pi (2)^3 = \frac{1}{2} \times \frac{32\pi}{3} = \frac{16\pi}{3} \end{array} \right.$$

$$\Rightarrow \text{حجم شکل حاصل} = 100\pi - \frac{16\pi}{3} = \frac{284\pi}{3}$$

(هنرسه ا- تبعیم فضایی: صفحه‌های ۹۵ و ۹۶)

(نصیر مصطفی نژاد)

گزینه «۲» - ۴۵

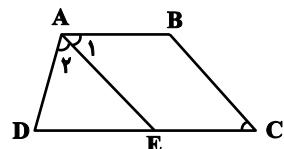
پاره خط AE را موازی BC رسم می‌کنیم. در نتیجه خواهیم داشت:

$$\hat{A}_1 = \hat{C}, AB = EC, AE = BC$$

$$\hat{A} > \hat{C} + \hat{D} \Rightarrow \hat{A}_1 + \hat{A}_2 > \hat{C} + \hat{D} \Rightarrow \hat{A}_2 > \hat{D}$$

$$\Delta ADE: \hat{A}_2 > \hat{D} \Rightarrow DE > AE$$

$$\xrightarrow{AB=EC} DE + EC > AE + AB \Rightarrow DC > BC + AB$$

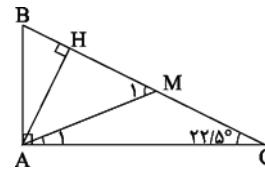


(هنرسه ا- ترسیم‌های هندسی و استدلال: صفحه‌های ۲۱ و ۲۲)

(سیدرسروش کریم مراهم)

گزینه «۳» - ۴۶

در این مثلث قائم‌الزاویه، میانه و ارتفاع وارد بر وتر را درسم می‌کنیم:



می‌دانیم طول میانه وارد بر وتر نصف طول وتر است، پس داریم:

$$AM = CM = \frac{1}{2} BC \Rightarrow \hat{A}_1 = \hat{C} = 22/5^\circ$$

$$\Delta AMC: \hat{M}_1 = \hat{A}_1 + \hat{C} = 45^\circ$$

در مثلث قائم‌الزاویه، طول ضلع رویه‌رو به زاویه 45° طول وتر است،

پس داریم:

$$\Rightarrow AH = \frac{\sqrt{2}}{2} AM = \frac{\sqrt{2}}{2} \times \frac{1}{2} BC = \frac{\sqrt{2}}{2} \times 1 = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

(هنرسه ا- پندرضلعی‌ها: صفحه‌های ۶۰ و ۶۱)

(سید محمد رضا حسینی فرد)

گزینه «۱» - ۴۷

با توجه به فرمول پیک داریم:

حال یک چندضلعی شبکه‌ای داریم که ۲ نقطه درونی دارد و می‌دانیم $b \geq 3$ ، پس حداقل مساحت برابر است با:

$$S_{\min} = \frac{3}{2} + 2 - 1 = \frac{5}{2} = 2.5$$

(هنرسه ا- پندرضلعی‌ها: صفحه‌های ۶۹ و ۷۱)



$$W_{BC} = E|q|d \cos 180^\circ$$

$$\Rightarrow W_{BC} = 20 \times 10^{-9} \times 3 \times 10^5 \times 2 \times 10^{-1} \times (-1) = -1/2 \text{ J}$$

$$\Delta U_{BC} = -W_{BC} = +1/2 \text{ J}$$

$$\Delta U = \Delta U_{AB} + \Delta U_{BC} = 0 + 1/2 = 1/2 \text{ J}$$

(فیزیک ۲ - الکتریسیتیت ساکن: صفحه‌های ۱۹ و ۲۷)

(سعید منیری)

«گزینه ۴» -۵۳

دانجی می‌نماییم که بجهت این دو قدرت بار بار q۲ و بار q۱ را باید روی محور افقی قرار بگیرد.

$$\text{است. } (\sigma = \frac{q}{A})$$

$$V_A = ۳۴۳ V_B$$

با توجه به رابطه حجمی بین دو کره داریم:

$$\frac{4}{3}\pi r_A^3 = ۳۴۳ \times \frac{4}{3}\pi r_B^3 \Rightarrow r_A = ۷r_B$$

با توجه به رابطه چگالی سطحی بار الکتریکی داریم:

$$\sigma = \frac{q}{A} \Rightarrow \frac{\sigma_A}{\sigma_B} = \frac{q_A}{q_B} \times \frac{A_B}{A_A} \xrightarrow{A=4\pi r^2} \frac{\sigma_A}{\sigma_B} = \frac{q_A}{q_B} \times \left(\frac{r_B}{r_A}\right)^2$$

$$\gamma = \frac{q_A}{q_B} \times \left(\frac{1}{7}\right)^2 \Rightarrow \frac{q_A}{q_B} = ۹۸$$

(فیزیک ۲ - الکتریسیتیت ساکن: صفحه‌های ۲۷ و ۳۱)

(مصطفی‌کلیان)

«گزینه ۴» -۵۴

$$\text{با استفاده از رابطه‌های } I = \frac{q}{t}, I = \frac{V}{R} \text{ و } q = nc \text{ به صورت زیر مقدار بار}$$

الکتریکی عبوری از هر مقطع سیم B را می‌یابیم:

(سعید منیری)

فیزیک ۲

«گزینه ۴» -۵۱

دو بار ناهم‌نام q۱ و q۲ را بذبدهم بود و بسته وارد

بر q۲ برابر N ۱۰ است. پس می‌توانیم فاصله بار q۲ را به دست آوریم:

$$F_{12} = \frac{k|q_1||q_2|}{r_{12}^2} \Rightarrow 10 = \frac{9 \times 10^9 \times 2 \times 10^{-6} \times 2 \times 10^{-6}}{r_{12}^2}$$

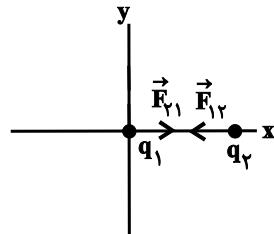
$$\Rightarrow r_{12} = 6 \text{ cm}$$

حال چون نیروی \vec{F}_{12} در امتداد محور افقی است، بار q۲ باید روی x و

قرار بگیرد. مطابق شکل اگر بار q۲ در نقطه x = 6 cm قرار بگیرد، آنرا

وارد و می‌دانیم آن \vec{F}_{12} خود جهت پیشنهاد شده بود.

صورت $\vec{F}_{12} = -10 \vec{i}$ خواهد شد.



(فیزیک ۲ - الکتریسیتیت ساکن: صفحه‌های ۵ تا ۱۰)

(پوریا علاقه‌مند)

«گزینه ۴» -۵۲

ابتدا اندازه نیرو را حساب می‌کنیم:

$$F = |q|E = 20 \times 10^{-9} \times 3 \times 10^5 = 6 \text{ N}$$

با توجه به این‌که $\Delta U = -W_E$ است و در مسیر A تا B، جایه‌جایی بر خطوطی

می‌دانیم نlad بیلت لاید بیلت $\Delta U_{AB} = W_{AB} = ۰$ است. در نتیجه

فقط ΔU_{BC} را محاسبه می‌کنیم. داریم:



اکنون شار مغناطیسی عبوری از حلقه را بر حسب زمان در SI بدست می آوریم:

$$\Phi = AB \cos \theta \xrightarrow{\theta=0} \Phi = AB \xrightarrow{A=\pi r^2}$$

$$\Phi = 3 \times \left(\frac{r}{100}\right)^2 \left(-\frac{t}{5} + 0/6\right) = 12 \times 10^{-4} \left(-\frac{t}{5} + 0/6\right)$$

$$\varepsilon_{av} = -\frac{\Delta \Phi}{\Delta t} = -\frac{12 \times 10^{-4} \left(-\frac{t_2}{5} + 0/6\right) - 12 \times 10^{-4} \left(-\frac{t_1}{5} + 0/6\right)}{t_2 - t_1}$$

$$\Rightarrow \varepsilon_{av} = \frac{12 \times 10^{-4}}{5} = 2/4 \times 10^{-4} V = 0/24 mV$$

توجه شود که با استفاده از رابطه $\varepsilon_{av} = -NA \frac{\Delta B}{\Delta t} \cos \theta$ و با

ثابت بودن شبب نمودار $\frac{\Delta B}{\Delta t}$ نیز می توان به پاسخ فوق رسید.

(فیزیک ۲- القای الکترومغناطیسی و بیریان متناسب؛ صفحه های ۱۰ تا ۱۷)

(مفهومه شریعت ناصری)

«۲» گزینه

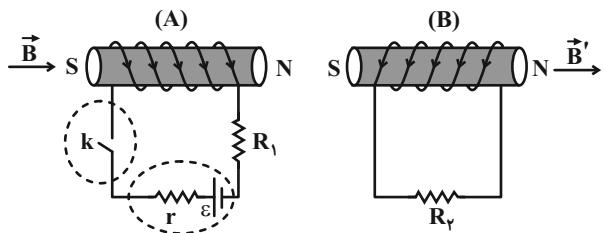
مطابق شکل برای اینکه جریان القایی در مقاومت R_2 به همت I متد

باید میدان القایی (\vec{B}') نیز به سمت راست باشد. با توجه به اینکه I را

دست راست جهت میدان سیمولو ℓ (A) نیز به سمت راست است، بنابراین طبق

قانون لنز نتیجه می گیریم که باید این میدان در میان سیمولو ℓ (B) در

کاهش باشد و این موضوع فقط در حالت (۳) اتفاق می افتد.



(فیزیک ۲- القای الکترومغناطیسی و بیریان متناسب؛ صفحه های ۱۷ و ۱۸)

(عبدالرحمان امینی نسب)

«۴» گزینه

طبق رابطه $F_B = ILB \sin \theta$ میدان \vec{B} لوگاریتمیاً باشد، اگر $F_B = ILB \sin \theta$

180° باشد، (به عبارت دیگر میدان در 180° موقت میانگین آنرا \vec{B} خواهد داشت)

گیرد.). آنگاه نیروی مغناطیسی وارد بر سیم صفر خواهد شد. برای گزینه ۴ داریم:

$$\begin{array}{c} \rightarrow \vec{B} \\ \rightarrow I \\ \rightarrow \theta = 0 \Rightarrow F = 0 \end{array}$$

(فیزیک ۲- مغناطیس؛ صفحه های ۹۱ تا ۹۳)

(اشلان ولیزاده)

«۳» گزینه

بررسی گزینه ها:

۱) نادرست؛ دارا بودن حوزه های مغناطیسی مربوط به مواد فرومغناطیسی است.

۲) نادرست؛ یکای میدان مغناطیسی در SI معادل با $T = \frac{N}{A \cdot m}$ است.

۳) درست؛ دترمیناتور موقت میانگین آنرا \vec{B} می نویسند.

دوقطبی های مغناطیسی در خلاف جهت میدان خارجی می شود.

۴) نادرست؛ نقره و اکسیژن به ترتیب جزو مواد دیامغناطیسی و پارامغناطیسی هستند.

(فیزیک ۲- مغناطیس؛ صفحه های ۹۱ تا ۹۳ و ۱۰۳)

(مفهومه شریعت ناصری)

«۲» گزینه

ابتدا معادله اندازه میدان مغناطیسی بر حسب زمان را در SI بدست می آوریم:

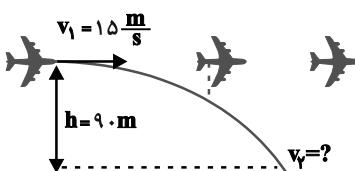
$$B = -\frac{t}{5} + 0/6$$



(مهندسی زمان‌آزاد)

«۶۴- گزینه ۲»

دقت کنید که هر چند بسته رها شده است، ولی نباید فکر کنیم که سرعت اولیه آن صفر است. بلکه بسته در لحظه رها شدن، دارای همان سرعت هواپیما است. همچنین چون گفته شده که تنها نیروی مؤثر، نیروی وزن است، یعنی از مقاومت هوا می‌توانیم صرف نظر کنیم، لذا با در نظر گرفتن سطح زمین به عنوان مبدأ انرژی پتانسیل گرانشی و با استفاده از اصل پایستگی انرژی مکانیکی داریم:



$$\begin{aligned} E_1 &= E_2 \Rightarrow K_1 + U_1 = K_2 + U_2 \\ \Rightarrow \frac{1}{2}mv_1^2 + mgh &= \frac{1}{2}mv_2^2 + 0 \\ \Rightarrow \frac{1}{2} \times 15^2 + 10 \times 9.0 &= \frac{1}{2}v_2^2 \\ \Rightarrow 225 + 1800 &= v_2^2 \Rightarrow v_2 = 45 \frac{\text{m}}{\text{s}} \end{aligned}$$

(فیزیک - کار، انرژی و توان: صفحه‌های ۶۸ تا ۷۰)

(شنبه‌ام‌آزاد)

«۶۵- گزینه ۴»

طبق قضیه کار- انرژی جنبشی داریم:

$$\begin{aligned} W_t &= \frac{1}{2}mv_2^2 - \frac{1}{2}mv_1^2 = \frac{1}{2} \times 373 \times (900 - 100) \\ \Rightarrow W_t &= (400 \times 373)J \end{aligned}$$

اکنون توان متوسط موتور را محاسبه می‌کنیم:

$$\begin{aligned} P &= \frac{W_t}{t} = \frac{400 \times 373}{20} = 2 \times 3730 \text{W} \\ P &= \frac{2 \times 3730}{746} = 1.0 \text{hp} \end{aligned}$$

(فیزیک - کار، انرژی و توان: صفحه‌های ۶۴، ۶۵، ۷۳ و ۷۴)



(همید زرین‌کشن)

«۴» گزینه -۶۸

فقط گزاره «ت» نادرست است چراکه گرم شدن هوای داخل اتاق به دلله رادیاتور شوفاژ، نمونه‌ای از همرفت طبیعی است.

(فیزیک ا- دما و گرمای صفحه‌های ۱۱۳ تا ۱۱۴)

(همید زرین‌کشن)

«۳» گزینه -۶۹

طبق رابطه $PV = nRT$ با ثابت دودن V و T ، n مطابق با

وابسته است. از طرف دیگر، چون $n = \frac{m}{M}$ می‌باشد، در نتیجه فشار گاز $\frac{m}{M}$

به جرم گاز (m) و هم جنس آن (M) وابسته خواهد بود.

(فیزیک ا- دما و گرمای صفحه‌های ۱۱۳ و ۱۱۴)

(علیرضا امینی)

«۴» گزینه -۷۰

گام اول: ΔU برای هر دو مسیر یکسان است؛ چون در هر دو ΔU از

حالت معین a به حالت معین b رسیده است.

$$\Delta U_1 = \Delta U_2 \Rightarrow Q_1 + W_1 = Q_2 + W_2$$

گام دوم: در مسیر (۱) گاز 250 J گرمای از داده و 420 J از

$$Q_1 = -250\text{ J}, W_1 = +420\text{ J}$$

طریق کار گرفته است.

در مسیر (۲) گاز 280 J گرمای از دست داده است.

$$Q_2 = -280\text{ J}, W_2 = ?$$

$$Q_1 + W_1 = Q_2 + W_2$$

$$\Rightarrow -250 + 420 = -280 + W_2 \Rightarrow W_2 = 450\text{ J}$$

صورت سؤال کاری که گاز روی محیط انجام داده (یعنی W') را خواسته است.

$$W' = -W_2 = -450\text{ J}$$

(فیزیک ا- ترمودینامیک صفحه‌های ۱۱۹ و ۱۲۰)

(محمد پهلوان)

«۱» گزینه -۶۶

ابتدا با توجه به رابطه چگالی، جرم مکعب فلزی را می‌یابیم:

$$m = \rho V \quad \rho = \frac{g}{cm^3} \quad V = (20)^3 = 8000\text{ cm}^3 \quad m = \lambda \times 8000 = 64000\text{ g} = 64\text{ kg}$$

حال با توجه به رابطه گرمای داریم:

$$Q = mc\Delta\theta \Rightarrow 20 \times 10^3 = 64 \times c \times 2 / 5$$

$$c = 125 \frac{J}{kg \cdot ^\circ C} = 0 / 125 \frac{J}{g \cdot ^\circ C}$$

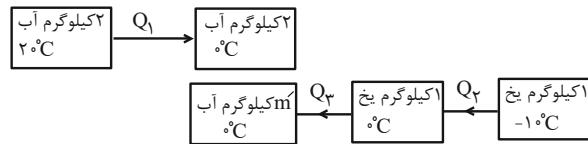
(فیزیک ا- دما و گرمای صفحه‌های ۹۸ و ۹۹)

«۳» گزینه -۶۷

(همید زرین‌کشن)

چون در نهایت بخشی از بخ به صورت ذوب نشده باقی چه داده، داده اما

تعادل نهایی صفر درجه سلسیوس است:



$$Q_1 + Q_2 + Q_3 = 0$$

$$\Rightarrow m_1 c_{ice} \Delta\theta + m_2 c_{water} \Delta\theta + m' c_{water} \Delta\theta = 0$$

$$2 \times 2000 \times (0 - 20) + 1 \times 2100 \times (0 - (-10)) + m' \times 336 \times 10^3 = 0$$

$$336000 = 80 \times 4200 \rightarrow$$

$$\Rightarrow 2 \times (-20) + \frac{1}{16} \times (10) + m' \times 80 = 0 \Rightarrow -40 + 5 + 80m' = 0$$

$$\Rightarrow m' = \frac{35}{16} = \frac{7}{16} \text{ kg}$$

پس درصد جرمی بخ ذوب شده برابر است با:

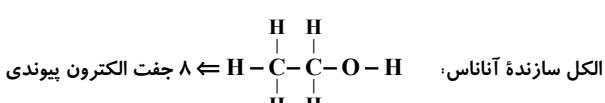
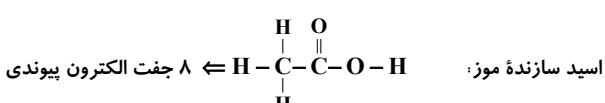
$$\frac{m'}{m} \times 100 = \frac{\frac{7}{16}}{1} \times 100 = 43.75\%$$

(فیزیک ا- دما و گرمای صفحه‌های ۹۸ تا ۹۹)



(سالار، ملکن)

گزینه «۱» - ۷۳



(شیمی ۲ - پوششک، نیازی پایان تاپزیر؛ صفحه‌های ۶۰ و ۶۵)

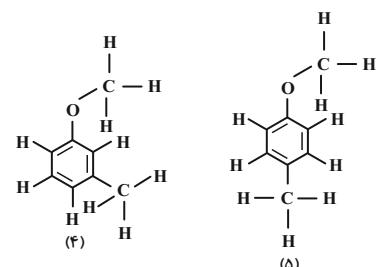
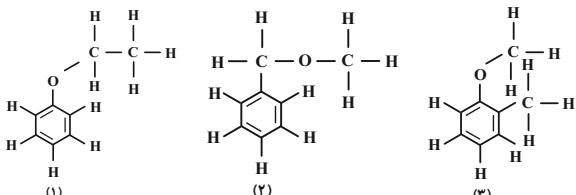
(امیر، هاتمیان)

گزینه «۳» - ۷۴

در ترکیب مولکول $\text{C}_6\text{H}_{12}\text{O}_2$ دو ان $\text{CH}_2=\text{CH}_2$ دو ان $\text{CH}_2=\text{CH}_2$ دو داد

هیدروژنی تشکیل ندهد. همچنین ۶ کربن در حلقه بنزنی قرار ندارند و ۲

کربن باقیمانده است.



(شیمی ۲ - قدر هدایای زمینی را برآنمیم؛ صفحه ۳۷)

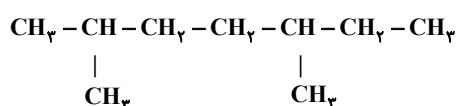
(مسن لشکری)

شیمی ۲

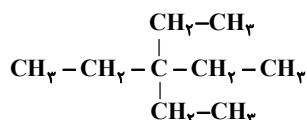
گزینه «۳» - ۷۱

۱) نام درست آن، ۳- اتیل C_2H_5 - ۵- دی متیل هپتان است.

۲) نام درست آن، ۲، ۵ دی متیل هپتان است.



۳) درست است، با توجه به ساختار زیر درست است.



۴) نام درست به صورت ۳-متیل هگزان است.



(شیمی ۲ - قدر هدایای زمینی را برآنمیم؛ صفحه ۳۷)

(سید، ریم هاشمی (ملکردي))

گزینه «۴» - ۷۲

دما ویژگی مشترک همه حالت‌های ماده است که وجود جنبش‌های نامنظم

ذرات آن ماده را نشان می‌دهد.

(شیمی ۲ - در پی غزای سالم؛ صفحه‌های ۶۰، ۶۱، ۶۲، ۶۳ و ۶۴)



ابتدا مقدار مول این مخلوط گازی را محاسبه می‌کنیم:

$$112 \times \frac{1\text{ mol}}{22 \text{ g}} = 5$$

حال فرض می‌کنیم x مول CH_4 و y مول H_2 در مخلوط گازی داریم:

$$y + x = 5 \text{ mol}$$

گرمای حاصل از x مول متان و y مول هیدروژن برابر با 1744 kJ است:

$$\left. \begin{array}{l} x \text{ mol} \text{CH}_4 \times \frac{16 \text{ g} \text{CH}_4}{1 \text{ mol} \text{CH}_4} \times \frac{89 \text{ kJ}}{1 \text{ g} \text{CH}_4} = 89x \text{ kJ} \\ y \text{ mol} \text{H}_2 \times \frac{2 \text{ g} \text{H}_2}{1 \text{ mol} \text{H}_2} \times \frac{144 \text{ kJ}}{1 \text{ g} \text{H}_2} = 288y \text{ kJ} \end{array} \right\} 89x + 288y = 1744$$

سپس با حل دو معادله زیر، x و y را حساب می‌کنیم:

$$\begin{aligned} x + y &= 5 \\ 89x + 288y &= 1744 \end{aligned} \Rightarrow \begin{aligned} x &= 0 / 5 \text{ mol} \\ y &= 4 / 5 \text{ mol} \end{aligned}$$

H_2O در هر دو واکنش تولید می‌شود:

$$0 / 5 \text{ mol} \text{CH}_4 \times \frac{1 \text{ mol} \text{CO}_2}{1 \text{ mol} \text{CH}_4} = 0 / 5 \text{ mol} \text{CO}_2$$

$$0 / 5 \text{ mol} \text{CH}_4 \times \frac{2 \text{ mol} \text{H}_2\text{O}}{1 \text{ mol} \text{CH}_4} = 1 \text{ mol} \text{H}_2\text{O}$$

نسبت خواسته شده در سؤال:

$$\frac{\text{CO}_2 \text{ مول}}{\text{H}_2\text{O} \text{ مول}} = \frac{0 / 5}{1 + 4 / 5} = \frac{0 / 5}{5 / 5} \approx 0 / 0.9$$

(شیمی ۳ - در پی غذای سالم؛ صفحه‌های ۷۲ و ۷۳)

(محمد عظیمیان؛ زاده)

«۲» گزینه - ۷۹

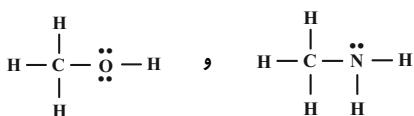
بررسی موارد:

آ) درست - مونومر سازنده تفلون C_2F_4 می‌باشد.

$$\% \text{ C} = \frac{12 \times 2}{(2 \times 12) + (4 \times 19)} \times 100 = 24 \%$$

ب) درست - ساده‌ترین الکل، متانول و سالانه CH_3OH چه می‌باشد.

(مجموع شمار جفت الکترون‌های پیوندی و ناپیوندی در هر کدام برابر ۷ می‌باشد)



پ) نادرست - انحلال پذیری الکل‌ها در آب با افزایش شمار CH_3OH می‌باشد

کاهش می‌یابد.

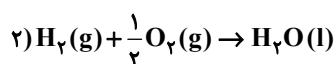
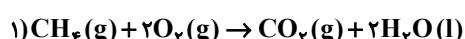
ت) درست - با توجه به فرمول مولکولی آن‌ها:



(شیمی ۲ - پوشک، نیازی پایان تا پذیر؛ صفحه‌های ۱۰۶، ۱۱۱، ۱۱۲ و ۱۱۴)

(مرتضی مسین؛ زاده)

«۲» گزینه - ۸۰





با توجه به اینکه اختلاف ppm موردنظر را در دو حالت اولیه و ثانویه داریم، حجم آب تأثیری در حل مسئله ندارد.

روش ۲: با توجه به الگوی زیر نیز می‌توان به جواب رسید:

$$\begin{array}{ccccccc} 100 & \xrightarrow{n=1} & 50 & \xrightarrow{n=2} & 25 & \xrightarrow{n=3} & 12/5 \\ & \xrightarrow{n=4} & 6 & \xrightarrow{n=5} & 3/125 & & \end{array}$$

۵ مرحله ($n = 5$) نیاز است تا غلظت از ۱۰۰ به ۳/۱۲۵ با یکای ppm برسد.

(شیمی ا-آب، آهنگ زنگی: صفحه‌های ۹۴ تا ۹۶)

(ممبرپارسا فراهانی)

گزینه «۴»

-۹۰

ابتدا معادله انحلال پذیری لیتیم سولفات که خطی است را به دست می‌آوریم:

انحلال پذیری در دمای صفر

$$S = a\theta + S_1 \Rightarrow S = -\frac{3}{20}\theta + 36$$

با توجه به این که انحلال پذیری لیتیم سولفات با افزایش دما، کاهش می‌افتد.

بر اثر افزایش دما، نمک رسوب خواهد کرد. طبق معادله انحلال پذیری، Δm

سولفات در دمای 20°C را می‌یابیم:

$$S = -0/15 \times 20 + 36 = 25/5 \text{ g}$$

(محلول سیر شده در دمای 20°C) $= 26/6 \text{ g}$ رسوب $? \text{ g}$

$$\times \frac{(33 - 25/5) \text{ g}}{133 \text{ g}} = 1/5 \text{ g}$$

(محلول سیر شده در دمای 20°C)

(شیمی ا-آب، آهنگ زنگی: صفحه‌های ۱۰۳ تا ۱۰۴)

(مینا شرافتی پور)

گزینه «۳»

-۸۷

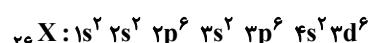
جرم اتمی هیدروژن اندکی بیشتر از ۱amu است.

(شیمی ا-کیهان زارگاه الغبای هستی: صفحه‌های ۱۳۰ تا ۱۷۰)

(روزبه رضوانی)

گزینه «۲»

-۸۸



این عنصر همان Fe است که $40/4 = 10$ مولت ۸ و ۴ و ۱ و ۱ و ۱ دارد و در

ترکیب‌های یونی خود، یون پایدار Fe^{2+} و Fe^{3+} ایجاد می‌کند.

(شیمی ا-کیهان زارگاه الغبای هستی: صفحه‌های ۱۳۰ تا ۱۷۰)

(یاسر راشن)

گزینه «۲»

-۸۹

روشن ۱: در هر مرحله تصفیه، مقداری از یون نیترات جذب می‌شود.

با توجه به بازدهی ۵۰ درصدی دستگاه تصفیه داریم:

$$\text{نحوه تصفیه: } \frac{\text{مقدار NO}_3^- \text{ اولیه}}{\text{مقدار ppm باقی مانده}} = \frac{100}{2^n}$$

$n =$ تعداد مراحل تصفیه

$$\Rightarrow 3/125 = \frac{100}{2^n} \Rightarrow 2^n = \frac{100}{3/125} = 32 \Rightarrow n = 5$$

در نتیجه، آب شهری را با دستگاه باید ۵ مرتبه تصفیه کنیم تا غلظت یون NO_3^- ۳ ات

به $3/125 \text{ ppm}$ برسد.