



بنیاد علمی آموزشی

سال یازدهم ریاضی

۳۱ مرداد ۱۴۰۴

مقترحه سوال

تعداد کل سؤالات جهت پاسخ‌گویی: ۷۰ سؤال نگاه به گذشته (اجباری) + ۶۰ سؤال نگاه به آینده (انتخابی)
مدت پاسخ‌گویی به آزمون: ۹۵ دقیقه سؤالات نگاه به گذشته (اجباری) + ۸۰ دقیقه سؤالات نگاه به آینده (انتخابی)

عنوان	نام درس		تعداد سؤال	شماره سؤال	شماره صفحه (دفترچه سؤال)	وقت پیشنهادی (دقیقه)	
نگاه به گذشته (اجباری)	ریاضی (۱)		۲۰	۱-۲۰	۴-۷	۳۰	
	هندسه (۱)		۱۰	۲۱-۳۰	۸-۹	۱۵	
	فیزیک (۱)		۲۰	۳۱-۵۰	۱۰-۱۴	۳۰	
	شیمی (۱)	طراحی	۱۰	۵۱-۶۰	۱۵-۱۹	۲۰	
		آشنا	۱۰	۶۱-۷۰			
مجموع			۷۰	۱-۷۰	۴-۱۹	۹۵	
نگاه به آینده (انتخابی)	حسابان (۱)		طراحی	۱۰	۷۱-۸۰	۲۰-۲۲	۳۰
			آشنا	۱۰			
	هندسه (۲)		۱۰	۹۱-۱۰۰	۲۳-۲۴	۱۵	
	فیزیک (۲)		۱۰	۱۰۱-۱۱۰	۲۵-۲۶	۱۵	
	شیمی (۲)	طراحی	۱۰	۱۱۱-۱۲۰	۲۷-۳۱	۲۰	
		آشنا	۱۰	۱۲۱-۱۳۰			
مجموع			۶۰	۷۱-۱۳۰	۲۰-۳۱	۸۰	
جمع کل			۱۳۰	۱-۱۳۰	۴-۳۱	۱۷۵	

گروه آزمون

بنیاد علمی آموزشی قلم‌چی (وقف عام)

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب - بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ : تلفن: ۰۲۱-۶۴۶۳

Telegram: @konkur_in



پدید آورندگان آزمون ۳۱ مرداد

سال یازدهم ریاضی

طراحان

نام طراحان	نام درس
امیر زراندوز - میلاد منصوری - امیر محمودیان - اسماعیل میرزایی - محمد توکلی - مصطفی بهنام مقدم - حمید علیزاده - احمد مهرابی - عاطفه خان محمدی - سهند ولی زاده - مهدی ملارمضانی - مجتبی نادری - علی آزاد - کیانوش شهریاری - وحید راحتی - پوپک اسلامی - نسترن صمدی - امیر هوشنگ خمسه	ریاضی (۱) و حسابان (۱)
امیر حسین ابومحبوب - محمد ابراهیم گیتی زاده - مهدی نیک زاد - محسن محمد کریمی - امیر محمد کریمی - محمد خندان - علی ایمانی - رضا سیدنجفی - جواد حاتمی - محمد ابراهیم تونزنده جانی - احسان خیرالهی - شایان عیاجی - حامد یحیی اوغلی - سارا خسروی - میثم بهرامی جویا - رضا عباسی اصل	هندسه (۱) و (۲)
حمید زرین کفش - کیانوش شهریاری - فرشاد لطف اله زاده - امیر محمودی انزابی - حسین مخدومی - اسعد حاجی زاده - شیدا شیرزادی - میثم دشتیان - خسرو ارغوانی فرد - مصطفی کیانی - پوریا علاقه مند - علیرضا جباری - زهره رامشینی - سیدعلی میرنوری - دانیال راستی - فرشید کارخانه - ناصر امیدوار - مهران اسماعیلی - مسعود قره خانی - بهنام دیبایی اصل - سینا عزیزی - معصومه افضلی - سینا صالحی - عبدالرضا امینی نسب - امید خالدي	فیزیک (۱) و (۲)
ایمان حسین نژاد - امیر حاتمیان - دلنیا محمودی - رسول عابدینی زواره - رضا سلیمانی - سیدعلیرضا سیدی حلاج - ارژنگ خانلری - عباس هنرجو - جعفر پازوکی - علیرضا بیانی - هادی مهدی زاده - آرمان قنوتی - علی جعفری	شیمی (۱) و (۲)

گزینشگران، مسئولین درس و ویراستاران

نام درس	گزینشگر و مسئول درس	گروه ویراستاری	مسئول درس مستندسازی
ریاضی (۱) و حسابان (۱)	مهدی ملارمضانی	سپهر متولیان - مهدی بحر کاظمی - احسان غنی زاده گروه مستندسازی: معصومه صنعت کار - سیداحسان میرزینلی - سجاد سلیمی	سمیه اسکندری
هندسه (۱) و (۲)	امیر محمد کریمی	سپهر متولیان - محمدحسام رجبی - سجاد محمدنژاد - مهدی بحر کاظمی گروه مستندسازی: معصومه صنعت کار - مهسا محمدنیا - سیداحسان میرزینلی	سجاد سلیمی
فیزیک (۱) و (۲)	سینا صالحی	حسین بصیر تر کمپور - بابک اسلامی گروه مستندسازی: سجاد بهارلویی - ابراهیم نوری	علیرضا همایون خواه
شیمی (۱) و (۲)	ایمان حسین نژاد	پویا رستگاری - احسان پنجه شاهی - آرش ظریف گروه مستندسازی: محسن دستجردی - عرفان قره مشک	سمیه اسکندری

گروه فنی و تولید

مدیر گروه	بابک اسلامی
مسئول دفترچه	لیلا نورانی
مستندسازی و مطابقت با مصوبات	مدیر گروه: محیا اصغری / مسئول دفترچه: سجاد سلیمی
حروف نگاری و صفحه آرایی	فاطمه علی باری
نظارت چاپ	حمید محمدی

بنیاد علمی آموزشی قلمچی (وقف عام)

۳۰ دقیقه

ریاضی (۱) - نگاه به گذشته

ریاضی (۱)

معادله‌ها و نامعادله‌ها

تابع

(مفهوم تابع و بازنمایی‌های

آن - دامنه و برد توابع)

صفحه‌های ۶۹ تا ۱۰۸

۱- اگر $x=2$ ریشه مضاعف معادله $-mx^2 - (m^2 + 3)x + 12 = 0$ باشد، مجموعه مقادیر قابل قبول برای m

کدام است؟

(۲) $\{-3, 1\}$

(۱) $\{-3\}$

(۴) $\{-3, 2\}$

(۳) $\{1, -2\}$

۲- جواب بزرگ‌تر معادله $x^2 - 8x + 7 = 0$ ، دو برابر جواب بزرگ‌تر معادله $x^2 - ax + \frac{7}{4} = 0$ است. جواب کوچک‌تر معادله اول چند برابر

جواب کوچک‌تر معادله دوم است؟

(۴) $\frac{1}{4}$

(۳) $\frac{1}{2}$

(۲) $\frac{1}{3}$

(۱) ۲

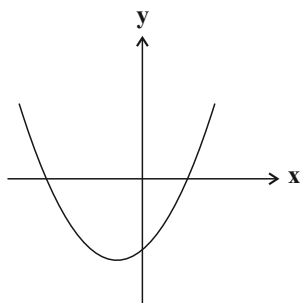
۳- در مورد سهمی شکل زیر، با ضابطه $y = ax^2 + bx - c$ چه تعداد از موارد داده شده، همواره برقرار است؟

الف) $ac < 0$

ب) $a - c > 0$

پ) $\frac{b}{c} < 0$

ت) $a^b > 0$



(۲) ۳

(۱) ۱

(۴) ۴

(۳) ۲

۴- اگر نمودار سهمی $y = 3x^2 - 5x + 1$ ، همواره بالای خط $y = mx - 2$ باشد، حدود m کدام است؟

(۲) $m > 1$ یا $m < -11$

(۱) $-11 < m < 1$

(۴) $m > 11$ یا $m < -1$

(۳) $1 < m < 11$

۵- مجموعه جواب نامعادله $\left| \frac{x-1}{2} - 1 \right| \geq 5$ کدام است؟

(۲) $[-13, 7]$

(۱) $[-7, 13]$

(۴) $\mathbb{R} - (-7, 13)$

(۳) $\mathbb{R} - (-13, 7)$

محل انجام محاسبات

۶- رأس‌های دو سهمی $y = x^2 - 4x + 5$ و $y = (k+1)x^2 + x + c$ بر هم منطبق هستند. حاصل $k + c$ کدام است؟

$$-\frac{3}{4} \quad (۲)$$

$$\frac{3}{4} \quad (۱)$$

$$-\frac{5}{4} \quad (۴)$$

$$\frac{5}{4} \quad (۳)$$

۷- اگر جدول تعیین علامت عبارت $P(x) = (x^2 - 8x + a) \cdot (-x^2 - 2x + b)$ به صورت زیر باشد، حاصل ab کدام است؟

x	-1	4
P(x)	-	-

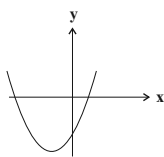
$$2 \quad (۲)$$

$$-2 \quad (۱)$$

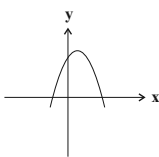
$$16 \quad (۴)$$

$$-16 \quad (۳)$$

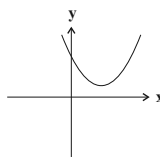
۸- از نمودارهای داده شده، چند نمودار می‌تواند نمودار سهمی $y = ax^2 + bx + c$ با شرط $abc < 0$ باشد؟



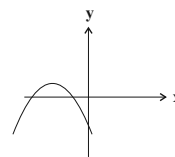
(ت)



(پ)



(ب)



(الف)

$$3 \quad (۲)$$

$$4 \quad (۱)$$

$$1 \quad (۴)$$

$$2 \quad (۳)$$

۹- بزرگ‌ترین بازه‌ای که عبارت $P(x) = \frac{(9x^2 - 6x + 1)(1 - 4x^2)}{(x+1)^2}$ نامنفی باشد، به صورت بازه $[a, b]$ است. در این صورت $b - a$ کدام است؟

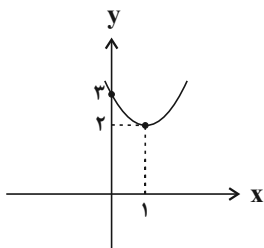
$$\frac{1}{6} \quad (۲)$$

$$\frac{1}{3} \quad (۱)$$

$$1 \quad (۴)$$

$$\frac{1}{4} \quad (۳)$$

۱۰- نمودار سهمی $y = a(2x - b)^2 + c$ ، به صورت شکل زیر است. حاصل abc کدام است؟



$$4 \quad (۱)$$

$$3 \quad (۲)$$

$$6 \quad (۳)$$

$$1 \quad (۴)$$

۱۱- اگر مجموعه جواب نامعادله $|\frac{4x-1}{2}-2| \leq 3$ به صورت $[m, n]$ باشد، حاصل $n-m$ کدام است؟

(۲) ۱۲

(۱) ۷

(۴) ۱۴

(۳) ۳

۱۲- به ازای $a < m < b$ ، عبارت $4x^2 - 2mx + 25$ همواره مثبت و عبارت $mx^2 + 6x + m + 8$ همواره منفی است. بیشترین مقدار

$b-a$ کدام است؟

(۲) ۹

(۱) ۱

(۴) ۲

(۳) ۱۰

۱۳- چه تعداد از روابط زیر، تابع است؟

(الف) رابطه‌ای که به مساحت یک مربع، ضلع مربع را نسبت می‌دهد.

(ب) رابطه‌ای که به هر سهمی رأس آن را نسبت می‌دهد.

(پ) رابطه‌ای که به هر عدد طبیعی، ریشه چهارم آن را نسبت می‌دهد.

(۲) ۲

(۱) ۳

(۴) صفر

(۳) ۱

۱۴- به ازای کدام مقدار b ، رابطه $f = \{(-2, b), (3, b^2), (-3, b), (b, b-1), (3, b+2)\}$ تابع است؟

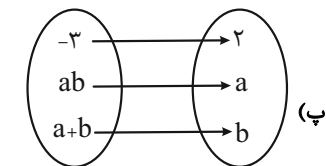
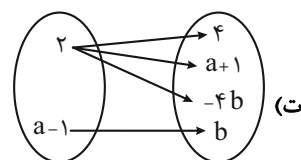
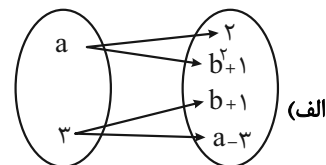
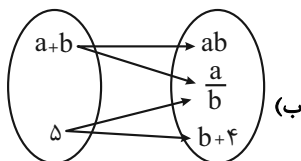
(۲) فقط -۱

(۱) فقط ۲

(۴) ۲ و -۱

(۳) هیچ مقدار

۱۵- به ازای $a=3$ و $b=-1$ ، چه تعداد از نمودارهای پیکانی زیر، تابع است؟



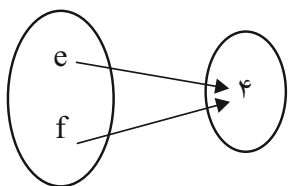
(۲) یک

(۱) صفر

(۴) سه

(۳) دو

۱۶- نمودار پیکانی تابع $g = \{(2a, 4c), (c+2, a)\}$ مطابق شکل زیر است. مقدار $e+f$ کدام است؟



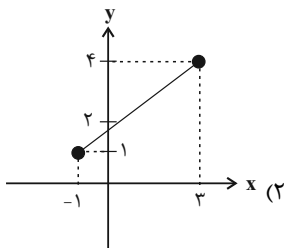
(۱) ۱۰

(۲) ۱۲

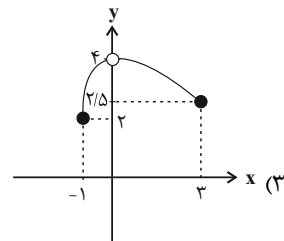
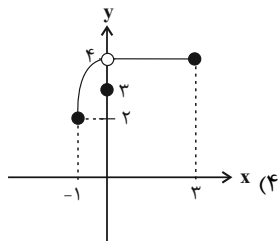
(۳) ۱۳

(۴) ۱۱

۱۷- کدام یک از توابع زیر، دارای دامنه $[-1, 3]$ و برد $[2, 4]$ می باشد؟



$$(1) f = \{(-1, 2), (3, 4)\}$$



۱۸- در تابع خطی $y = mx + a - 3$ که $m > 1$ است، دامنه $[-2a+1, a+1]$ و برد تابع $[-1, 4]$ است. این تابع، خط $x=1$ را با کدام

عرض قطع می کند؟

$$(2) \frac{11}{15}$$

$$(1) \frac{7}{3}$$

$$(4) -\frac{2}{5}$$

$$(3) -3$$

۱۹- اگر زوج های مرتب $(2x+y, -4)$ و $(6, x-3y)$ یکسان باشند، زوج مرتب $(\frac{x}{y}, x^2+y)$ برابر با کدام گزینه است؟

$$(2) (4xy, x-y)$$

$$(1) (3x^2 - 5y - 1, 3y)$$

$$(4) (2x^2, \frac{y^2}{x})$$

$$(3) (x-y, y+x)$$

۲۰- اگر دامنه یک تابع خطی، $D = \{2, 4, 1\}$ و برد آن $R = \{-5, -3, 1\}$ باشد، با افزودن دو واحد به هر عضو دامنه، مجموع اعضای برد چند

واحد می شود؟

$$(2) 5$$

$$(1) 8$$

$$(4) -19$$

$$(3) -1$$

۱۵ دقیقه

هندسه (۱) - نگاه به گذشته

هندسه (۱)

قضیه تالس، تشابه و

کاربردهای آن

(کاربردهایی از قضیه تالس و

تشابه مثلث‌ها)

چندضلعی‌ها (چندضلعی‌ها و

ویژگی‌هایی از آن‌ها)

صفحه‌های ۴۵ تا ۶۴

۲۱- مساحت یک شش ضلعی منتظم $\frac{16}{25}$ مساحت شش ضلعی منتظم دیگری است. اگر محیط شش

ضلعی بزرگ‌تر برابر ۷۵ باشد، محیط شش ضلعی دیگر کدام است؟

(۲) ۴۰

(۱) ۲۴

(۴) ۶۰

(۳) ۴۸

۲۲- طول‌های دو قطر چهارضلعی محدب ABCD باهم مساوی‌اند. نقاط وسط اضلاع این چهارضلعی را به طور متوالی به هم وصل

می‌کنیم. چهارضلعی حاصل کدام است؟

(۲) مستطیل

(۱) لوزی

(۴) دوزنقه متساوی‌الساقین

(۳) مربع

۲۳- اگر تعداد قطرهای یک $2n$ ضلعی محدب، دو برابر مجموع تعداد قطرهای اضلاع یک $(n+1)$ ضلعی محدب باشد، تعداد قطرهای n ضلعی محدب کدام است؟

(۲) ۵

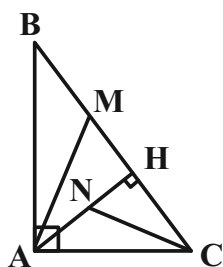
(۱) ۲

(۴) ۱۴

(۳) ۹

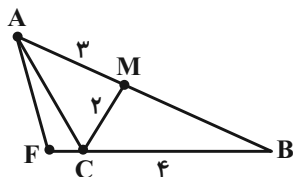
۲۴- در شکل زیر، در مثلث قائم‌الزاویه ABC ($\hat{A} = 90^\circ$)، نقاط M و N به ترتیب وسط پاره‌خط‌های BH و AH هستند.اگر $BH = 3CH$ باشد، نسبت AM به CN کدام است؟(۱) $\frac{3}{2}$

(۲) ۳

(۳) $\sqrt{3}$ (۴) $2\sqrt{3}$ ۲۵- در شکل زیر اگر M وسط AB باشد و $12 = FC = 24 = BC = 3CM = 6AM = 4AF$ باشد، طول AF چند است؟

(۱) ۳

(۲) ۴

(۳) $\frac{3}{5}$ (۴) $\frac{3}{2}$ 

۲۶- روی اضلاع مثلث متساوی‌الاضلاع ABC ، نقاط M ، N و D را به نحوی انتخاب می‌کنیم که $\triangle MND$ یک مثلث متساوی‌الاضلاع

بوده و اضلاع این دو مثلث دو به دو برهم عمودند. اگر مساحت ABC ۱۲ واحد باشد، مساحت MND چند واحد است؟

(۱) $4/2$ (۲) $3/8$

(۳) 4 (۴) 3

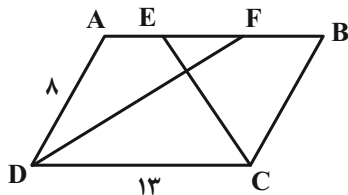
۲۷- مساحت یک دوزنقه متساوی‌الساقین 60 واحد مربع است. اگر طول قاعده کوچک و ارتفاع دوزنقه به ترتیب برابر 10 و 5 باشد،

طول قطر دوزنقه کدام است؟

(۱) 12 (۲) 13

(۳) 15 (۴) 16

۲۸- در متوازی‌الاضلاع شکل زیر، اگر CE و DF نیمسازهای زوایای C و D باشند، اندازه EF کدام است؟



(۱) 2 (۲) 3

(۳) 4 (۴) 5

۲۹- در دوزنقه متساوی‌الساقین $ABCD$ ، $AB = 8$ و $CD = 12$ دو قاعده دوزنقه هستند و قطر BD نیمساز زاویه D است. طول

قطر BD چقدر است؟

(۱) $10\sqrt{2}$ (۲) $6\sqrt{5}$

(۳) 12 (۴) $4\sqrt{10}$

۳۰- در یک دوزنقه متساوی‌الساقین، طول قاعده‌ها 2 و 5 و طول هر ساق 3 واحد است. اگر وسط‌های دو قاعده و نقاط وسط قطرهای

این دوزنقه را به‌طور متوالی به یکدیگر وصل کنیم، محیط چهارضلعی حاصل کدام است؟

(۱) 4 (۲) 6

(۳) 8 (۴) 10

۳۰ دقیقه

فیزیک (۱) - نگاه به گذشته

فیزیک (۱)

کار، انرژی و توان

فصل ۳

صفحه‌های ۵۳ تا ۸۲

۳۱- یک شهاب‌سنگ به جرم $1/5$ تن، با تندی $2 \frac{\text{km}}{\text{s}}$ در فضا در حال حرکت است. انرژی جنبشی این شهاب‌سنگ

چند مگاژول است؟

(۲) 6×10^3

(۱) 3×10^3

(۴) 6×10^9

(۳) 3×10^9

۳۲- اگر تندی گلوله B، ۳ برابر تندی گلوله A و انرژی جنبشی گلوله A، ۴ برابر انرژی جنبشی گلوله B باشد، جرم گلوله B چند برابر جرم

گلوله A است؟

(۲) $\frac{9}{4}$

(۱) $\frac{4}{9}$

(۴) $\frac{1}{36}$

(۳) ۳۶

۳۳- در مسابقه بین یک اتومبیل اسباب‌بازی و یک موتور اسباب‌بازی، انرژی جنبشی اتومبیل نصف انرژی جنبشی موتور و جرم اتومبیل دو برابر

جرم موتور است. اگر اتومبیل تندی خود را به اندازه $2 \frac{\text{km}}{\text{h}}$ افزایش دهد، انرژی جنبشی اتومبیل و موتور با هم برابر می‌شوند. تندی اولیه

اتومبیل چند متر بر ثانیه است؟

(۲) $2\sqrt{2} + 2$

(۱) ۲

(۴) $\sqrt{2} + 1$

(۳) $2\sqrt{2} + 1$

۳۴- در شکل زیر، جسمی تحت تاثیر نیروی $\vec{F}$ روی سطحی افقی در حال حرکت است. اگر زاویه بین نیروی $\vec{F}$ و خط عمود بر مسیر حرکت را

16° افزایش داده و هم‌زمان بزرگی نیروی $\vec{F}$ را دو برابر کنیم، کار انجام شده توسط نیروی $\vec{F}$ بر روی جسم در یک جابه‌جایی یکسان، چند

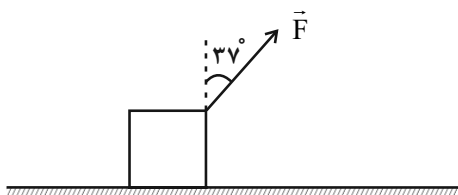
برابر حالت قبل می‌شود؟ ($\cos 37^\circ = 4/5$)

(۲) $\frac{4}{3}$

(۱) $\frac{3}{4}$

(۴) $\frac{8}{3}$

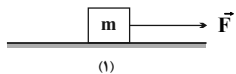
(۳) $\frac{3}{2}$



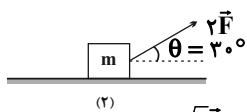
محل انجام محاسبات

۳۵- در کدام گزینه کار انجام شده توسط نیروی وارد بر جسم‌های شکل زیر، طی یک جابه‌جایی معین و یکسان، به درستی مقایسه شده است؟

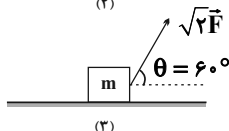
(در هر سه شکل، بردار جابه‌جایی در راستای افقی و به سمت راست است.)



$$W_1 = W_2 = W_3 \quad (1)$$



$$W_3 > W_2 > W_1 \quad (2)$$

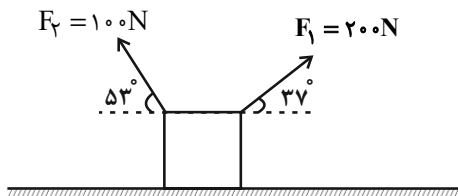


$$W_1 > W_2 > W_3 \quad (3)$$

$$W_2 > W_1 > W_3 \quad (4)$$

۳۶- مطابق شکل زیر، به یک جسم نیروهای $\vec{F}_1$ و $\vec{F}_2$ وارد شده و جسم روی سطح افقی بدون اصطکاک به اندازه ۲۰ متر به سمت راست

جابه‌جا می‌شود. کار کل انجام شده روی جسم در این جابه‌جایی چند ژول است؟ ($\cos 37^\circ = 0.8$)



$$800 \quad (1)$$

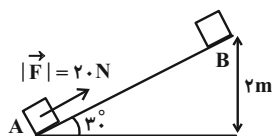
$$2000 \quad (2)$$

$$4000 \quad (3)$$

$$4400 \quad (4)$$

۳۷- مطابق شکل زیر، جسمی به جرم ۱ kg از نقطه A تا نقطه B توسط نیروی $\vec{F}$ جابه‌جا می‌شود. اگر بزرگی نیروی اصطکاک در مقابل

حرکت جسم ΔN باشد، کار کل انجام شده در این جابه‌جایی چند ژول است؟ ($g = 10 \frac{N}{kg}$)



$$40 \quad (1)$$

$$20 \quad (2)$$

$$80 \quad (3)$$

$$60 \quad (4)$$

۳۸- جسمی به جرم ۸ kg مماس بر یک سطح افقی با تندی اولیه v_0 پرتاب می‌شود. اگر پس از طی یک جابه‌جایی معین، تندی جسم ۲۰

درصد کاهش یابد و کار کل انجام شده روی جسم در این جابه‌جایی 36 kJ باشد، تندی اولیه جسم (v_0) چند متر بر ثانیه است؟

$$5\sqrt{10} \quad (2)$$

$$10\sqrt{5} \quad (1)$$

$$5\sqrt{5} \quad (4)$$

$$10\sqrt{10} \quad (3)$$

۳۹- جسمی با تندی $\frac{5}{s} m$ در جهت مثبت محور x حرکت می‌کند و انرژی جنبشی آن $25 J$ است. پس از مدتی این جسم تغییر جهت می‌دهد

و با تندی $10 \frac{m}{s}$ در خلاف جهت محور x حرکت می‌کند. کار نیروی خالص وارد بر جسم در این مدت چند ژول است؟

(۲) -۷۵

(۱) ۷۵

(۴) -۱۵۰

(۳) ۱۵۰

۴۰- مطابق شکل زیر، انرژی پتانسیل گرانشی جسمی به جرم m در نقطه A برابر $100 J$ و در نقطه B برابر $120 J$ است. کار نیروی گرانشی

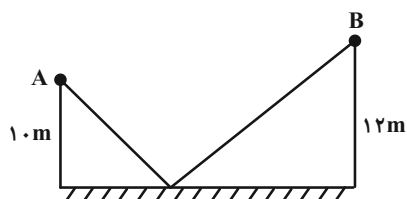
زمین بر روی این جسم در جابه‌جایی از A تا B ، چند ژول است؟

(۱) ۲۰

(۲) ۲۲۰

(۳) -۲۰

(۴) -۲۲۰



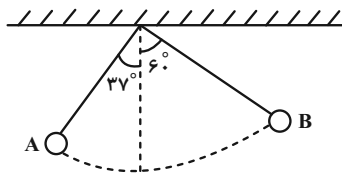
۴۱- گلوله‌آونگی به جرم $900 g$ گرم داریم که از نقطه A به نقطه B می‌رود. اگر طول نخ آونگ 8 متر باشد، در این مسیر کار نیروی وزن چند

ژول است؟ ($\sin 37^\circ = 0.6$ ، $g = 10 \frac{m}{s^2}$)

(۱) ۴۰

(۲) $21/6$ (۳) $-21/6$

(۴) -۴۰



۴۲- دو گلوله به جرم‌های m_A و $m_B = 2m_A$ ، از ارتفاع h نسبت به سطح زمین رها می‌شوند. اگر مقاومت هوا ناچیز باشد، انرژی جنبشی

گلوله B در لحظه رسیدن به سطح زمین، چند برابر انرژی جنبشی گلوله A در ارتفاع $\frac{h}{3}$ از سطح زمین است؟

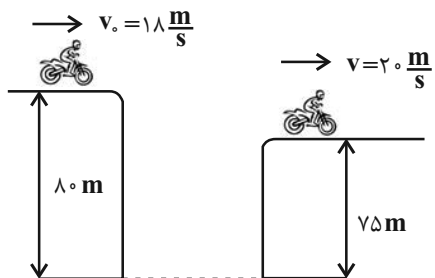
(۲) ۲

(۱) $1/5$

(۴) ۶

(۳) ۳

۴۳- جرم موتورسواری با موتورش 150 kg است. اگر این موتورسوار پرشی مطابق شکل زیر انجام دهد، کار نیروهای مقاوم در طول حرکت چند



ژول است؟ $(g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}})$

(۱) ۱۳۲۰

(۲) -۱۳۲۰

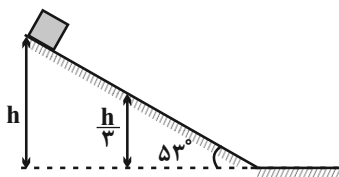
(۳) ۱۸۰۰

(۴) -۱۸۰۰

۴۴- مطابق شکل زیر، جسمی به جرم 4 kg را از ارتفاع h از سطح افقی، روی سطح شیب‌دار بدون اصطکاک که با سطح افقی زاویه 53°

می‌سازد، رها می‌کنیم. اگر تندی جسم در ارتفاع $\frac{h}{3}$ از سطح افقی برابر با $10 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ باشد، انرژی پتانسیل گرانشی آن در لحظه رها شدن چند

ژول است؟ (سطح افقی را به عنوان مبدأ انرژی پتانسیل گرانشی در نظر بگیرید.)



(۱) ۴۰۰

(۲) ۶۰۰

(۳) ۳۰۰

(۴) ۲۰۰

۴۵- جسمی از ارتفاع h نسبت به سطح زمین و از حال سکون رها می‌شود. با صرف نظر کردن از نیروی مقاومت هوا، اگر تندی جسم در ارتفاع

$\frac{8}{9}h$ (نسبت به زمین) برابر با $8 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ باشد، تندی آن در ارتفاع $\frac{3}{4}h$ (نسبت به زمین) چند متر بر ثانیه خواهد بود؟ $(g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}})$

(۲) ۱۲

(۱) ۱۰

(۴) ۱۸

(۳) ۱۶

۴۶- توپی به جرم 400 g گرم از ارتفاع 9 m متری رها می‌شود. این توپ بعد از برخورد با زمین، 20% درصد انرژی جنبشی‌اش را از دست می‌دهد و تا

ارتفاع h' بالا می‌آید. با فرض این که اندازه مقاومت هوا در طول مسیر ثابت و برابر با 5 N باشد، h' چند متر است؟ $(g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2})$

(۲) ۶/۳

(۱) ۵/۶

(۴) ۷/۲

(۳) ۷



۴۷- اگر در یک ماشین، نسبت توان تلف شده به توان مفید برابر $\frac{1}{4}$ باشد، بازده این ماشین چند درصد است؟

(۲) ۲۵

(۱) ۲۰

(۴) ۸۰

(۳) ۷۵

۴۸- اتومبیلی به جرم ۸۰۰ kg ، در یک جاده افقی و مستقیم در حال حرکت است. این اتومبیل برای سبقت گرفتن از یک کامیون در مدت ۴ s ،

تندی خود را از $v_1 = 5 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ به $v_2 = 20 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ می‌رساند. توان متوسط اتومبیل با نادیده گرفتن نیروهای تلف‌کننده انرژی، چند اسب بخار

است؟ ($1 \text{ hp} = 750 \text{ W}$)

(۲) ۴۰

(۱) ۵۰

(۴) ۶۰

(۳) ۳۰

۴۹- توان مصرفی پمپ آبی ۹ kW است. این پمپ در هر ثانیه، ۱۲ لیتر آب ساکن را از ته چاهی به عمق ۳۰ متر بالا می‌کشد. اگر بازده این

پمپ ۸۰% درصد باشد، تندی خروج آب از دهانه لوله چند متر بر ثانیه است؟ ($g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}$ و $\rho_{\text{آب}} = 1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$)

(۲) $10\sqrt{3}$

(۱) ۳۰

(۴) ۲۰

(۳) $10\sqrt{6}$

۵۰- توان ورودی کِشنده‌ای ۶۰۰ W می‌باشد. این کِشنده می‌تواند در مدت ۱۰ ثانیه تندی ۱۵ kg بار را از صفر به $6 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ برساند. بازده این

کشنده چند درصد است؟

(۲) ۴۵

(۱) ۵۵

(۴) ۱۵

(۳) ۸۵

۲۰ دقیقه

شیمی (۱) - نگاه به گذشته

شیمی (۱)

رد پای گازها در زندگی

(از ابتدای فصل تا انتهای اثر

گلخانه‌ای)

صفحه‌های ۴۷ تا ۶۹

۵۱- کدام گزینه نادرست است؟

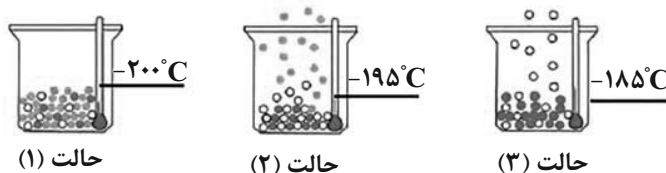
(۱) در نخستین لایه هواکره با افزایش ارتفاع به ازای هر کیلومتر، دما در حدود 6°C افت می‌کند.

(۲) رطوبت هوا در لایه استراتوسفر متغیر بوده و میانگین بخار آب در این لایه، حدود یک درصد است.

(۳) هواکره را می‌توان منبع غنی برای تهیه گازهای نیتروژن، اکسیژن و آرگون دانست.

(۴) بررسی‌های دانشمندان نشان می‌دهد که از دویست میلیون سال پیش تاکنون، نسبت گازهای سازنده هواکره تقریباً ثابت مانده است.

۵۲- با توجه به شکل زیر، کدام گزینه درست است؟



(۱) با کاهش دما از 100°C به 200°C به ترتیب گازهای اکسیژن، آرگون و نیتروژن به مایع تبدیل می‌شوند.

(۲) با گذر از حالت‌های (۱) و (۲)، عنصری که در حالت (۳) هنوز به حالت مایع وجود دارد، کمتر از ۱ درصد گازهای هوای پاک و خشک را

تشکیل می‌دهد.

(۳) از گاز خارج شده در حالت (۲) برای خنک کردن قطعات الکترونیکی در دستگاه‌های تصویربرداری مانند MRI استفاده می‌شود.

(۴) با استفاده از این فرایند به راحتی می‌توان اکسیژن با خلوص ۱۰۰ درصد تهیه کرد.

۵۳- کدام گزینه نادرست است؟

(۱) انرژی شیمیایی مولکول‌ها سبب می‌شود تا پیوسته آن‌ها در حال جنبش باشند و در سرتاسر هواکره توزیع شوند.

(۲) میان مقدار گاز کربن دی‌اکسید هواکره و میانگین جهانی دمای سطح زمین رابطه مستقیم وجود دارد.

(۳) در میان سیاره‌های سامانه خورشیدی، تنها زمین، دارای اتمسفر قابل زیستن است.

(۴) اگر دمای هوا در سطح زمین 22°C درجه سلسیوس باشد، در ارتفاع 5000 متری، دما 8°C درجه سلسیوس خواهد بود.

محل انجام محاسبات

۵۴- کدام گزینه درست است؟

- (۱) مقدار هلیوم در هوای مایع ناچیز است؛ بنابراین هلیوم را تنها می توان از تقطیر جزء به جزء گاز طبیعی بدست آورد.
- (۲) ۷ درصد جرمی مخلوط گاز طبیعی هلیوم است و مقدار آن در میدان های گازی گوناگون متفاوت است.
- (۳) سبک ترین گاز نجیب در جدول تناوبی، هلیوم است که بی رنگ و بی بو می باشد و برای خنک کردن قطعات الکترونیکی در دستگاه های تصویربرداری استفاده می شود.
- (۴) آرایش الکترونی لایه ظرفیت گازی که در کپسول غواصی استفاده می شود، همانند سایر عناصر هم گروه خود به صورت هشت تایی است.

۵۵- عبارت کدام گزینه درست است؟ (نمادهای M و X فرضی هستند.)

- (۱) در مولکول فسفر تری کلرید، نسبت جفت الکترون های پیوندی به جفت الکترون های ناپیوندی، برابر $\frac{3}{10}$ است.
- (۲) در ترکیب مولکولی MO_2 با رعایت قاعده هشت تایی، M متعلق به گروه پانزدهم جدول تناوبی است.
- (۳) در CH_3O همه اتم ها از قاعده هشت تایی پیروی می کنند.
- (۴) اگر در مولکول XO_3 ، ۲۴ الکترون ظرفیتی وجود داشته باشد، X می تواند کلر باشد.

۵۶- کدام یک از گزینه های زیر نادرست است؟

- (۱) مجموع الکترون های پیوندی و ناپیوندی هر مولکول برابر با مجموع الکترون های لایه ظرفیت اتم های سازنده آن مولکول است.
- (۲) در فرمول مولکولی، اغلب، اتمی که سمت چپ نوشته می شود اتم مرکزی است.
- (۳) گونه $AsBr_3$ ، آرسنیک تری برمید نام دارد و تعداد جفت الکترون های ناپیوندی آن، ۴ برابر این مقدار در مولکول کربن مونوکسید است.
- (۴) گونه های دی نیتروژن مونوکسید و کربن دی سولفید دارای شمار الکترون های پیوندی یکسانی هستند.

۵۷- کدام یک از گزینه های زیر نادرست است؟

- (۱) بار الکتریکی کاتیون در ترکیب Sc_2O_3 برابر اختلاف تعداد اتم های عناصرها در ترکیب دی نیتروژن پنتا اکسید است.
- (۲) ترکیب گوگرد دی اکسید مانند ترکیب آهن (III) اکسید حاصل انتقال الکترون میان اتم هاست.
- (۳) نسبت شمار کل اتم ها به شمار عناصرها در ترکیب فسفر تری کلرید برابر ۲ است.
- (۴) مجموع شمار اتم ها در تترافسفر هگزا اکسید دو برابر مجموع شمار اتم ها در دی نیتروژن تری اکسید است.

۵۸- اگر در مولکول XY_3 نافلزهای X و Y به ترتیب به آرایش الکترونی گازهای نجیب آرگون و نئون رسیده باشند، کدام گزینه نادرست است؟ (X و Y در یک گروه جدول دوره‌ای نیستند.)

- (۱) اتم‌های X و Y به ترتیب در گروه‌های ۱۵ و ۱۶ جدول دوره‌ای قرار دارند.
- (۲) مجموع تعداد الکترون‌ها در ساختار الکترون - نقطه‌ای عناصر مولکول XY_3 برابر عدد اتمی عنصر دوره چهارم و گروه ۸ جدول دوره‌ای است.
- (۳) تعداد الکترون‌های آخرین زیرلایه عنصر X یک واحد کمتر از تعداد الکترون‌های ظرفیت دومین عضو عناصر دسته d است.
- (۴) در ساختار الکترون - نقطه‌ای OY_3 نسبت تعداد جفت الکترون‌های پیوندی به تعداد الکترون‌های ناپیوندی برابر $\frac{1}{8}$ است.

۵۹- کدام مطلب زیر در مورد کربن مونوکسید و کربن دی‌اکسید به نادرستی بیان شده است؟

- (۱) گاز سمی و کشنده کربن دی‌اکسید برخلاف گاز کربن مونوکسید، در سوختن گاز شهری با رنگ شعله زرد تولید می‌شود.
- (۲) کربن دی‌اکسید یکی از فراورده‌های حاصل از سوختن زغال سنگ است.
- (۳) از جمله فراورده‌های سوختن کامل و ناقص گاز متان به ترتیب می‌توان به کربن دی‌اکسید و کربن مونوکسید اشاره کرد.
- (۴) در هر دو ساختار کربن دی‌اکسید و کربن مونوکسید اتم‌ها در یک راستا قرار دارند.

۶۰- کدام گزینه نادرست است؟

- (۱) یکی از کاربردهای آرگون ایجاد محیط بی‌اثر هنگام جوشکاری است.
- (۲) میل ترکیبی هموگلوبین خون با گاز کربن مونوکسید، بیشتر از گاز اکسیژن است.
- (۳) برخی کشاورزان آهک را به عنوان اکسید نافلزی برای افزایش بهره‌وری در کشاورزی به خاک می‌افزایند.
- (۴) کربن مونوکسید دارای چگالی کمتری از هوا بوده و قابلیت انتشار آن در محیط بسیار زیاد است.

شیمی (۱) - سوالات آشنا

۶۱- همه عبارت‌های زیر درست‌اند، به جز ...

- (۱) برخی اکسیدهای فلزی و نافلزی وجود دارند که با آب واکنش نمی‌دهند، به همین علت اکسید اسیدی یا بازی نیستند.
- (۲) از کلسیم اکسید برای کنترل میزان اسیدی بودن آب دریاچه‌ها استفاده می‌شود.
- (۳) از واکنش اکسید اغلب فلزها با آب، محلولی تولید می‌شود که کاغذ pH را قرمز رنگ می‌کند.
- (۴) مرجان‌ها با افزایش مقدار کربن دی‌اکسید محلول در آب از بین می‌روند.



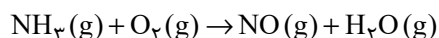
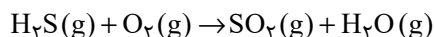
۶۲- معادله نمادی یک واکنش شیمیایی، کدام دو مورد زیر را مشخص نمی‌کند؟

(آ) ترتیب مخلوط کردن واکنش‌دهنده‌ها (ب) حالت فیزیکی مواد

(پ) گرما دادن به واکنش‌دهنده‌ها (ت) نکته‌های ایمنی واکنش

(۱) (آ) و (ب) (۲) (ب) و (پ) (۳) (پ) و (ت) (۴) (آ) و (ت)

۶۳- پس از موازنه معادله واکنش‌های زیر، تفاوت مجموع ضرایب‌های استوکیومتری مواد در آن‌ها، کدام است؟



(۱) ۳ (۲) ۵ (۳) ۸ (۴) ۱۰

۶۴- با توجه به واکنش $\text{HNO}_3(\text{aq}) + \text{aCu}(\text{s}) \rightarrow \text{bCu}(\text{NO}_3)_2(\text{aq}) + \text{cH}_2\text{O}(\text{l}) + \text{dNO}(\text{g})$ ، پس از موازنه کامل چند مورد از

عبارت‌های زیر درست است؟

(آ) نسبت ضریب استوکیومتری $\text{Cu}(\text{NO}_3)_2$ به ضریب استوکیومتری H_2O در واکنش فوق برابر $\frac{4}{3}$ است.

(ب) بیش‌ترین ضریب استوکیومتری در بین فراورده‌های واکنش مربوط به گونه $\text{Cu}(\text{NO}_3)_2$ می‌باشد.

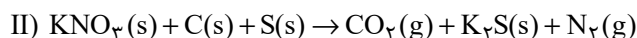
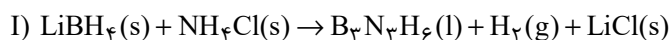
(پ) مجموع ضرایب استوکیومتری فراورده‌ها از مجموع ضرایب استوکیومتری واکنش‌دهنده‌ها ۲ واحد کم‌تر است.

(ت) شمار اتم‌های شرکت‌کننده در واکنش در دو طرف معادله متفاوت است.

(۱) ۴ (۲) ۳ (۳) ۲ (۴) ۱

۶۵- در واکنش‌های زیر، پس از موازنه، اگر ضریب استوکیومتری فراورده‌ای از واکنش (I) با بزرگ‌ترین ضریب را a و ضریب استوکیومتری

واکنش‌دهنده‌ای از واکنش (II) با بزرگ‌ترین ضریب را b در نظر بگیریم، $a + b$ برابر چند است؟



(۱) ۱۰ (۲) ۱۲ (۳) ۶ (۴) ۱۳

۶۶- در کدام گزینه، منابع تولید برق نام برده شده، به ترتیب از راست به چپ، دارای کمترین و بیشترین ردپای کربن دی اکسید، به ازای تولید

مقدار برق یکسان می باشند؟

- (۱) انرژی خورشید - نفت خام
(۲) انرژی خورشید - زغال سنگ
(۳) باد - نفت خام
(۴) باد - زغال سنگ

۶۷- عبارت کدام گزینه نادرست است؟

- (۱) با افزایش میزان کربن دی اکسید هواکره، تغییرات دما در شبانه روز کمتر خواهد شد.
(۲) در سده اخیر، میانگین مقدار کربن دی اکسید در هواکره و مساحت برف در نیم کره شمالی افزایش یافته است.
(۳) شواهد نشان می دهد که فصل بهار در نیم کره شمالی زمین، نسبت به ۵۰ سال گذشته در حدود یک هفته زودتر آغاز می شود.
(۴) در اثر سوختن سوخت های فسیلی، آلاینده هایی مانند CO ، CO_2 ، SO_2 ، NO_2 و C_xH_y وارد هواکره می شود.

۶۸- کدام گزینه در رابطه با پرتوهای خورشیدی تابیده شده به زمین و پرتوهای بازتاب شده از آن، درست است؟

- (۱) همه این پرتوها توسط زمین یا هواکره جذب می شوند.
(۲) بخشی از پرتوهای فروسرخ بازتابیده شده توسط زمین، توسط گازهای گلخانه ای مجدداً به زمین بازگردانده می شوند.
(۳) طول موج پرتوهای تابیده شده خورشید از طول موج پرتوهای بازتابیده شده توسط زمین، بلندتر است.
(۴) پرتوهای تابیده شده توسط خورشید باعث شده اند که میانگین دمای زمین به $18^\circ C$ - کاهش نیابد.

۶۹- چه تعداد از عبارت های زیر، جمله داده شده را به درستی تکمیل می کنند؟

«در گاز خروجی از اگزوز خودروها، ...»

(آ) اکسیدهای نافلزی یافت می شود.

(ب) مولکولی با سه جفت الکترون پیوندی یافت می شود.

(پ) گازی خارج می شود که در تولید سولفوریک اسید به کار می رود.

(ت) مولکول های فاقد الکترون ناپیوندی یافت می شود.

(۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) ۴

۷۰- براساس جدول زیر، چنانچه متوسط برق مصرفی ماهانه برای خانواده ای ۶۰۰ کیلووات ساعت باشد، در صورت جایگزینی زغال سنگ به جای

انرژی حاصل از گرمای زمین به عنوان منبع تأمین کننده برق، میزان افزایش گاز کربن دی اکسید تولید شده در یک ماه چند کیلوگرم است؟

نوع سوخت فسیلی	کیلوگرم CO_2 کیلووات ساعت
زغال سنگ	۰/۹
گرمای زمین	۰/۰۳

(۴) ۲۶۱

(۳) ۵۲۲

(۲) ۵۴۰

(۱) ۶۴۸



۳۰ دقیقه

حسابان (۱) - نگاه به آینده

حسابان (۱)

جبر و معادله

(کل فصل ۱)

صفحه‌های ۱ تا ۳۶

۷۱- محیط مستطیلی ۴۲ سانتی‌متر و مساحت آن ۳۸ سانتی‌متر مربع است. اندازه قطر مستطیل کدام است؟

(۲) $\sqrt{360}$

(۱) ۱۹

(۴) $\sqrt{365}$

(۳) $\sqrt{362}$

۷۲- تعداد جواب‌های $(x+1)^2 = 3x+1$ کدام است؟

(۲) ۲

(۱) ۱

(۴) صفر

(۳) ۳

۷۳- مجموع جواب‌های معادله $|x+1| = |2x+4|$ کدام است؟

(۲) $-\frac{11}{3}$

(۱) $-\frac{5}{3}$

(۴) $\frac{14}{3}$

(۳) $-\frac{14}{3}$

۷۴- مجموع مضارب طبیعی دو رقمی عدد ۳ کدام است؟

(۲) ۱۶۵۰

(۱) ۱۵۵۵

(۴) ۱۶۶۵

(۳) ۱۶۶۰

۷۵- حاصل ضرب ریشه‌های حقیقی معادله $x^2 + 2x + 1 = \sqrt{2x^2 + 4x + 10}$ کدام است؟

(۲) -۴

(۱) -۳

(۴) ۴

(۳) ۳

۷۶- کمترین مقدار سهمی $y = -(k-2)x^2 - kx + \frac{1}{4}$ برابر صفر است. مجموعه مقادیر k کدام است؟

(۲) $\{-2\}$

(۱) $\{1\}$

(۴) $\{-2, 1\}$

(۳) $\emptyset$

محل انجام محاسبات



۷۷- اگر مجموعه جواب نامعادله $|2x - 1| \leq x + 5$ به صورت $[a, b]$ باشد، حاصل ab کدام است؟

(۲) ۶

(۱) -۶

(۴) ۸

(۳) -۸

۷۸- با توجه به مفهوم قدرمطلق، کدام گزینه نادرست است؟

(۲) اگر $a < 0$ ، $|a| + a = 0$ ، آنگاه $a < 0$ (۱) اگر $a \geq 0$ ، $|a| - a = 0$ ، آنگاه $a \geq 0$ (۴) اگر $a < 0$ ، $|a| + a = 0$ ، آنگاه $a < 0$ (۳) اگر $a \geq 0$ ، $|a| - a = 0$ ، آنگاه $a \geq 0$

۷۹- دو نقطه $A(3, -1)$ و $B(1, 1)$ مفروض‌اند. معادله عمودمنصف AB کدام است؟

(۲) $y = -x$ (۱) $y = -x + 2$ (۴) $y = x$ (۳) $y = x - 2$

۸۰- بیشترین فاصله نقطه $(1, 2)$ از خط به معادله $mx + 3y = m$ کدام است؟

(۲) ۲

(۱) ۱

(۴) صفر

(۳) ۳

حسابان (۱) - سوالات آشنا

۸۱- مجموع ریشه‌های معادله $x^2 - ax + (a - 2) = 0$ برابر با ۳ است. حاصل ضرب ریشه‌های آن کدام است؟

(۲) ۳

(۱) -۳

(۴) ۱

(۳) -۱

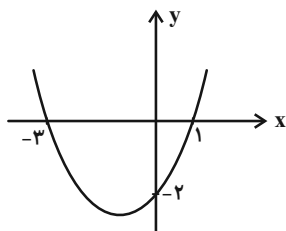
۸۲- اگر α و β ریشه‌های معادله $x^2 + 4x - 1 = 0$ باشند، حاصل $\alpha^3 + 4\alpha^2 + \beta + 2\alpha^2\beta^2$ کدام است؟

(۲) -۱

(۱) -۷

(۴) ۱

(۳) ۷



۸۳- با توجه به نمودار سهمی شکل زیر، کمترین مقدار آن کدام است؟

$$\frac{-8}{3} \quad (2)$$

$$-4 \quad (4)$$

$$\frac{-1}{3} \quad (1)$$

$$-3 \quad (3)$$

۸۴- معادله $\sqrt{x+1} - \sqrt{x+4} = 1$ چند جواب دارد؟

$$2 \quad (2)$$

(۴) جواب ندارد.

$$1 \quad (1)$$

$$3 \quad (3)$$

۸۵- قدرمطلق تفاضل جواب‌های معادله $2x^2 + x + 4\sqrt{2x^2 + x} = 5$ کدام است؟

$$\frac{1}{2} \quad (2)$$

$$\frac{5}{3} \quad (4)$$

$$1 \quad (1)$$

$$\frac{3}{2} \quad (3)$$

۸۶- اگر $x < -2$ باشد، حاصل $|2 - |x|| - \sqrt{x^2}$ کدام است؟

$$2 - 2x \quad (2)$$

$$-2 \quad (4)$$

$$2 \quad (1)$$

$$2x - 2 \quad (3)$$

۸۷- مساحت ناحیه محدود به نمودارهای دو تابع $f(x) = 2x - 1$ و $g(x) = |x - 1| - |x|$ و محور y ها کدام است؟

$$\frac{1}{3} \quad (2)$$

$$\frac{1}{6} \quad (4)$$

$$1 \quad (1)$$

$$\frac{1}{2} \quad (3)$$

۸۸- خط $6x + 8y + 1 = 0$ بر دایره‌ای به مرکز $(1, -1)$ مماس است. مساحت دایره کدام است؟

$$\frac{\pi}{100} \quad (2)$$

$$\frac{\pi}{40} \quad (4)$$

$$\frac{\pi}{2} \quad (1)$$

$$\frac{\pi}{50} \quad (3)$$

۸۹- در مثلث ABC با رأس‌های $A(5, 1)$ ، $B(7, 5)$ و $C(2, -2)$ ، اندازه ارتفاع وارد بر ضلع AC کدام است؟

$$\frac{\sqrt{2}}{2} \quad (2)$$

$$4\sqrt{2} \quad (4)$$

$$\sqrt{2} \quad (1)$$

$$2\sqrt{2} \quad (3)$$

۹۰- نامعادله $\left| \frac{x}{2} + 1 \right| < \frac{1}{3}$ را به صورت $A < 3x + 1 < B$ تبدیل می‌کنیم. در این صورت $A + B$ کدام است؟

$$4 \quad (2)$$

$$-10 \quad (4)$$

$$-4 \quad (1)$$

$$10 \quad (3)$$

۱۵ دقیقه

هندسه (۲) - نگاه به آینده

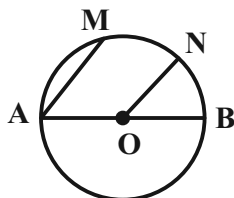
هندسه (۲)

دایره

(تا پایان حالت‌های دو دایره

نسبت به هم)

صفحه‌های ۹ تا ۲۰

۹۱- در شکل زیر، نقطه O مرکز دایره و $AM \parallel ON$ است. اندازه کمان MNB چند برابر اندازه کمان NB است؟

(۱) ۱/۵

(۲) ۲

(۳) ۲/۵

(۴) ۳

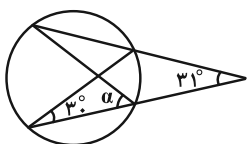
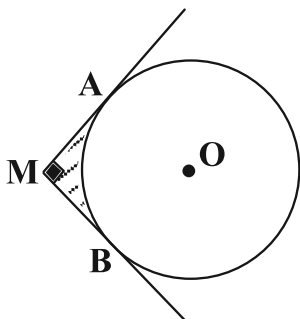
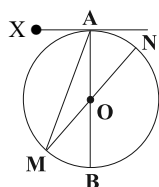
۹۲- در دایره‌ای با شعاع ۱۸، طول وتری که عمودمنصف یکی از شعاع‌های دایره باشد، چند برابر $\sqrt{3}$ است؟

(۲) ۱۶

(۱) ۱۸

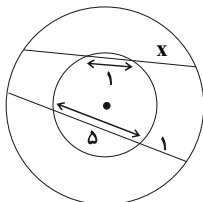
(۴) ۹

(۳) ۱۲

۹۳- در شکل زیر مقدار α کدام است؟(۲) 61° (۱) 63° (۴) 33° (۳) 60° ۹۴- مطابق شکل، MA و MB به ترتیب در نقاط A و B بر دایره $C(O, R)$ مماس‌اند. مساحت قسمت هاشورخورده کدام است؟ ($\hat{M} = 90^\circ$)(۱) $R^2(1 - \frac{\pi}{4})$ (۲) $2R^2(1 - \frac{\pi}{4})$ (۳) $R^2(1 - \frac{\pi}{8})$ (۴) $2R^2(1 - \frac{\pi}{8})$ ۹۵- در شکل زیر، AB و MN قطرهای دایره‌ای به مرکز O هستند. اگر AX در نقطه A مماس بر دایره و $\widehat{BN} = \widehat{AN}$ باشد، اندازه زاویه XAM کدام است؟(۲) 75° (۱) 80° (۴) 50° (۳) 60°

محل انجام محاسبات

۹۶- در شکل زیر با توجه به اندازه‌های مشخص شده، مقدار x کدام است؟



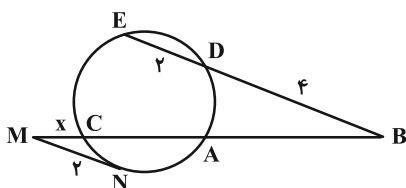
(۱) ۲

(۲) $\frac{3}{2}$

(۳) ۱

(۴) $\frac{1}{2}$

۹۷- در شکل زیر $AB = AC$ و MN بر دایره مماس است. مقدار x کدام است؟

(۱) $2 - \sqrt{3}$ (۲) $\sqrt{7} - \sqrt{3}$ (۳) $3 - \sqrt{3}$ (۴) $2\sqrt{2} - \sqrt{3}$

۹۸- مساحت ناحیه محصور بین دو دایره هم مرکز برابر ۱۶π است. طول وتری از دایره بزرگتر که بر دایره کوچکتر مماس باشد، کدام است؟

(۲) $4\sqrt{2}$

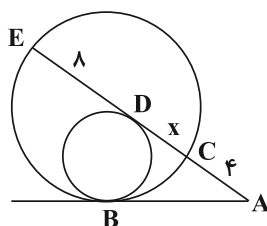
(۱) ۴

(۴) $8\sqrt{2}$

(۳) ۸

۹۹- در شکل زیر، دو دایره در نقطه B مماس درون‌اند. اگر مماس رسم شده بر دایره کوچکتر در نقطه D، دایره بزرگتر را در نقاط C و E و مماس

رسم شده در نقطه B را در نقطه A قطع کند، آن گاه طول CD کدام است؟ ($DE = ۸$ و $AC = ۴$)



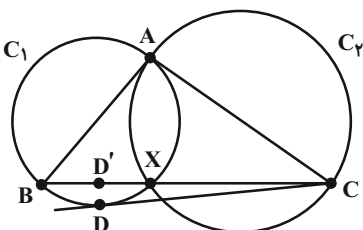
(۱) ۲

(۲) ۳

(۳) ۴

(۴) ۵

۱۰۰- قطرهای AB و AC به ترتیب به دایره C_1 و C_2 مماس هستند و $CD = CD'$ باشد. اگر $B = 40^\circ$ و $B = 40^\circ$ باشد، اندازه



زاویه $\hat{D'A}$ چقدر است؟

(۲) 25° (۱) 20° (۴) 30° (۳) 15°

۱۵ دقیقه

فیزیک (۲) - نگاه به آینده

فیزیک (۲)

الکتریسیته ساکن

(از ابتدای فصل تا انتهای

میدان الکتریکی در داخل

رساناها)

صفحه‌های ۱ تا ۳۲

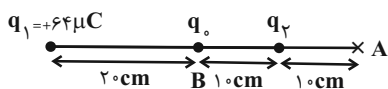
۱۰۱- بار الکتریکی جسمی q_1 است. اگر این جسم تعداد 12×10^{12} الکترون از دست دهد، اندازه بار الکتریکی آن پنج برابرشده و علامت بار آن نیز تغییر می‌کند. q_1 چند میکروکولن بوده است؟ ($e = 1.6 \times 10^{-19} \text{ C}$)

(۲) 0.32

(۱) 0.16

(۴) -0.16

(۳) -0.32

۱۰۲- در شکل زیر، نیروی الکتریکی برآیند وارد بر بار q_0 در نقطه B، صفر است. اگر بار q_0 را به نقطه A برده و ۲۵ درصد از بار q_1 را برداشته وبه بار q_2 اضافه کنیم، بزرگی میدان الکتریکی خالص ناشی از دو بار q_1 و q_2 در نقطه A چند واحد SI خواهد شد؟

$$(k = 9 \times 10^9 \frac{\text{N.m}^2}{\text{C}^2})$$

(۲) 3×10^7

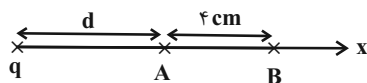
(۱) $3 / 15 \times 10^7$

(۴) 10^7

(۳) $3 / 15 \times 10^6$

۱۰۳- در شکل زیر، هنگامی که از نقطه A به نقطه B می‌رویم، اندازه میدان الکتریکی ناشی از بار نقطه‌ای q به اندازه ۳۶ درصد کاهش می‌یابد. d

چند سانتی‌متر است؟

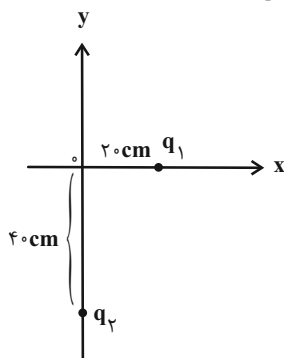


(۲) ۱۶

(۱) $\frac{8}{16}$

(۴) ۶

(۳) $\frac{64}{9}$

۱۰۴- مطابق شکل زیر، دو بار الکتریکی نقطه‌ای q_1 و q_2 بر روی محورهای x و y قرار دارند و میدان الکتریکی برآیند حاصل از این دو بار درمبدأ مختصات O در SI به صورت $\vec{E}_O = E_1 \vec{i} - 2E_2 \vec{j}$ است. نسبت $\frac{q_1}{q_2}$ کدام است؟

(۱) $\frac{1}{8}$

(۲) -۸

(۳) ۸

(۴) $-\frac{1}{8}$

۱۰۵- کدام یک از عبارات زیر درباره خط‌های میدان الکتریکی در الکتریسیته ساکن، نادرست است؟

(۱) بردار میدان در هر نقطه، مماس بر خط میدان الکتریکی در آن نقطه است.

(۲) هر جا خطوط میدان الکتریکی متراکم‌تر باشند، بزرگی میدان الکتریکی بیش‌تر است.

(۳) خطوط میدان الکتریکی یکدیگر را قطع نمی‌کنند.

(۴) خطوط میدان الکتریکی با سطح رسانا موازی هستند.

۱۰۶- در نزدیکی سطح زمین، میدان الکتریکی یکنواختی با بزرگی $\frac{N}{C}$ و جهت رو به پایین وجود دارد. اگر الکترونی تحت تأثیر این میدان،

500 m روبه بالا جابه‌جا شود، اختلاف پتانسیل الکتریکی دو نقطه‌ای که الکترون بین آن‌ها جابه‌جا شده است، چند کیلوولت

می‌باشد؟ ($e = 1.6 \times 10^{-19} \text{ C}$)

(۲) ۷۵

(۱) ۲۵

(۴) ۱۵۰

(۳) ۱۷۵

۱۰۷- اختلاف پتانسیل الکتریکی پایانه‌های باتری یک خودرو، برابر با 12 V است. اگر بار الکتریکی 50 C از پایانه مثبت تا پایانه منفی باتری

جابه‌جا شود، انرژی پتانسیل الکتریکی آن چند ژول تغییر می‌کند؟

(۲) ۶۰۰-

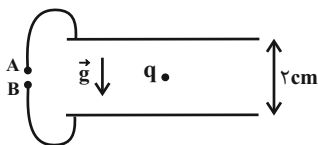
(۱) ۶۰۰

(۴) ۳۰۰-

(۳) ۳۰۰

۱۰۸- مطابق شکل، ذره‌ای با بار الکتریکی $8 \times 10^{-4} \text{ C}$ و جرم 80 g در یک میدان الکتریکی یکنواخت، میان صفحات افقی و رسانا، معلق است.

اگر فاصله بین صفحات 2 cm باشد، اختلاف پتانسیل باتری ... ولت می‌باشد و پایانه A، به قطب ... باتری متصل است. ($g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}$)



(۱) ۲۰۰، منفی

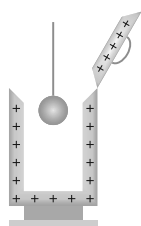
(۲) ۲۰۰، مثبت

(۳) ۲۰، منفی

(۴) ۲۰، مثبت

۱۰۹- در شکل زیر، مراحل انجام آزمایش چگونگی توزیع بارهای الکتریکی در اجسام رسانا به صورت نامرتب نشان داده شده است. در کدام گزینه

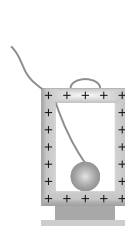
ترتیب این شکل‌ها از راست به چپ به درستی مشخص شده است؟



(د)



(ج)



(ب)



(الف)

(۴) ج-الف-د-ب

(۳) ج-ب-د-الف

(۲) الف-ب-ج-د

(۱) د-ب-ج-الف

۱۱۰- سطح فلزی بزرگ بارداری را در نظر بگیرید که بار الکتریکی در سطح آن و دور از لبه‌ها به‌طور یکنواخت توزیع شده است. اگر چگالی بار

روی این سطح $\frac{C}{m^2}$ باشد، در بخشی از این سطح به شکل مربع و با ضلع 1 cm ، چند میکروکولن بار قرار گرفته است؟

(۲) 4×10^{-1}

(۱) ۴

(۴) 4×10^{-4} (۳) 4×10^{-2}

۲۰ دقیقه

شیمی (۲) - نگاه به آینده

شیمی (۲)

قدر هدایای زمینی را بدانیم

(از ابتدای فصل تا انتهای جریان

فلز بین محیط زیست و جامعه)

صفحه‌های ۱ تا ۲۹

۱۱۱- کدام گزینه نادرست است؟ 

(۱) منابع شیمیایی در سرتاسر جهان، به صورت غیریکنواخت توزیع شده‌اند.

(۲) همه مواد طبیعی و ساختگی از کره زمین به دست می‌آیند.

(۳) پیشرفت صنعت الکترونیک بر اجزایی مبتنی است که از موادی به نام نیمه‌رساناها ساخته می‌شوند.

(۴) شیمی‌دان‌ها دریافتند که گرما دادن به مواد و افزودن آن‌ها به یکدیگر همواره سبب تغییر و بهبود خواص می‌شود.

۱۱۲- کدام گزینه نادرست است؟ 

(۱) گسترش صنعت خودرو، مدیون شناخت و دسترسی به فولاد است.

(۲) در سال ۲۰۱۵ به تقریب ۷ میلیارد تن فلز در جهان استخراج و مصرف شده است.

(۳) گازهای نجیب عناصری هستند که واکنش‌پذیری چندانی ندارند و اغلب در لایه ظرفیت خود ۸ الکترون دارند.

(۴) رسانایی الکتریکی کم، چکش‌خواری و اشتراک گذاشتن الکترون از ویژگی‌های مشترک عناصر سیلیسیم و ژرمانیم است.

۱۱۳- کدام موارد از عبارتهای زیر نادرست هستند؟

(آ) عنصر با نماد فرضی X_{35} در مقایسه با عنصرهای هم دوره قبل از خود، شعاع اتمی بزرگتری دارد.

(ب) در دوره سوم جدول تناوبی، شیب تغییرات شعاع اتمی عنصرهای فلزی، بیشتر از شیب تغییرات شعاع اتمی عنصرهای نافلزی است.

(پ) واکنش‌پذیری هالوژن‌ها همانند عنصرهای گروه ۱ جدول تناوبی، با افزایش عدد اتمی، افزایش می‌یابد.

(ت) در عنصرهای دوره سوم جدول تناوبی، اختلاف عدد اتمی و واکنش‌پذیرترین فلز با واکنش‌پذیرترین نافلز برابر ۷ است.

(۱) (آ) و (ب) (۲) (آ)، (ب) و (پ)

(۳) (آ)، (پ) و (ت) (۴) (ب) و (پ)

۱۱۴- با توجه به نمودار داده شده، کدام گزینه نادرست است؟

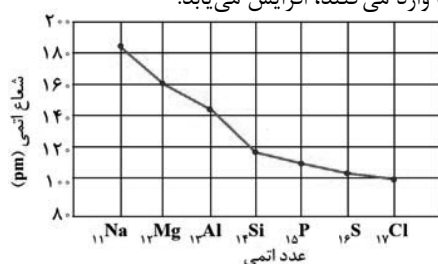
(۱) به طور کلی، اختلاف شعاع اتمی دو عنصر متوالی، از چپ به راست کاهش می‌یابد.

(۲) در یک دوره با افزایش عدد اتمی، نیروی جاذبه‌ای که هسته اتم‌ها به الکترون‌های ظرفیت وارد می‌کنند، افزایش می‌یابد.

(۳) شمار عنصرهایی که در این دوره، در واکنش با دیگر اتم‌ها الکترون از دست می‌دهند،

برابر با شمار عنصرهایی است که در واکنش با دیگر اتم‌ها می‌توانند الکترون به اشتراک

بگذارند.



(۴) اختلاف شعاع اتمی کوچکترین و بزرگترین اتم در این نمودار، کوچکتر از شعاع اتمی همه عناصر این دوره است.

محل انجام محاسبات

۱۱۵- اگر آرایش الکترونی یون‌های A^- ، B^{2+} ، C^{2-} و D^{3+} به ترتیب به $3p^6$ ، $3d^6$ ، $4p^6$ و $3d^{10}$ ختم شوند، کدام گزینه نادرست است؟

(نماد عناصر فرضی است.)

(۱) خصلت نافلزی عنصر C نسبت به عنصر B بیشتر است.

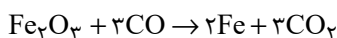
(۲) شمار الکترون‌های ظرفیتی عنصر D برابر شمار الکترون‌های ظرفیتی نخستین فلز واسطه است.

(۳) شعاع اتمی عنصر D نسبت به عنصر C کمتر است.

(۴) عنصر A نافلزی است که در دمای اتاق به آرامی با گاز هیدروژن واکنش می‌دهد.

۱۱۶- آهن (III) اکسید به عنوان رنگ قرمز در نقاشی به کار می‌رود. از واکنش ۱۰ کیلوگرم از این ماده با گاز کربن مونوکسید طبق معادله زیر، 

۵۲۰۰ گرم آهن به دست آمده است. بازده درصدی واکنش به تقریب کدام است؟ ($Fe = 56$, $O = 16$: $g.mol^{-1}$)



(۲) ۵۴

(۱) ۴۴

(۴) ۷۴

(۳) ۶۴

۱۱۷- از تجزیه ۲۰ گرم کلسیم کربنات با بازده ۸۰ درصد، چند گرم ماده جامد در ظرف واکنش برجای

می‌ماند؟ ($C = 12$, $O = 16$, $Ca = 40$: $g.mol^{-1}$)



(۲) ۷/۰۴

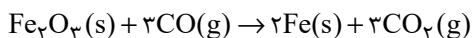
(۱) ۸/۹۶

(۴) ۱۲/۹۶

(۳) ۶/۴۸

۱۱۸- برای تولید ۵/۶ تن آهن خالص از سنگ معدن Fe_2O_3 با خلوص ۵۰٪، مطابق واکنش زیر، چند تن از این سنگ معدن لازم است؟ (بازده

درصدی واکنش تولید آهن را ۸۰٪ در نظر بگیرید؛ ($Fe = 56$, $O = 16$, $C = 12$: $g.mol^{-1}$)



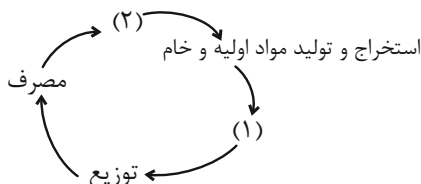
(۲) ۲۰

(۱) ۱۰

(۴) ۴۰

(۳) ۳۰

۱۱۹- موارد (۱) و (۲) به ترتیب از راست به چپ کدام هستند؟



(۱) فراوری - بازیافت

(۲) تولید - دفع

(۳) فراوری - دفع

(۴) تولید - بازیافت

۱۲۰- بازیافت فلزها (از جمله آهن)، چند مورد از موارد زیر را کاهش می‌دهد؟

* سرعت از بین رفتن گونه‌های زیستی

* رد پای کربن دی‌اکسید

* روند توسعه پایدار کشور

* سرعت گرمایش جهانی

۲ (۲)

۱ (۱)

۴ (۴)

۳ (۳)

شیمی (۲) - سوالات آشنا

۱۲۱- کدام گزینه جملات زیر را به درستی تکمیل می‌کند؟

الف) گسترش فناوری به میزان مواد مناسب وابسته است.

ب) برای هم‌زدن چای از قاشقی استفاده می‌کنند که از ... ساخته شده است.

(۲) دسترسی به فولاد زنگ نزن

(۱) درک خواص فولاد زنگ نزن

(۴) دسترسی به خاک چینی

(۳) درک خواص خاک چینی

۱۲۲- کدام مورد درباره جدول تناوبی درست است؟

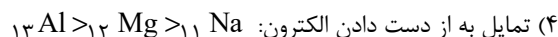
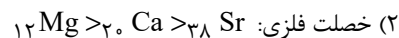
(۱) در یک گروه، از بالا به پایین، خصلت فلزی افزایش می‌یابد.

(۲) فلزهای گروه اول بر اثر ضربه خرد می‌شوند و تغییر شکل می‌دهند.

(۳) در هر گروه از جدول همواره فلز، نافلز و شبه فلز وجود دارد.

(۴) در هر دوره، از چپ به راست با افزایش عدد اتمی، خصلت فلزی افزایش می‌یابد.

۱۲۳- کدام مقایسه درست است؟ (مقایسه‌ها در شرایط یکسان هستند).



۱۲۴- عبارت کدام گزینه درست است؟

(۱) همه فلزهای دسته d در طبیعت فقط به شکل ترکیب‌های یونی یافت می‌شوند.

(۲) رنگ زیبای سنگ‌هایی مانند یاقوت، زمرد و ...، نشانی از وجود برخی ترکیب‌های فلزهای واسطه در آن‌ها است.

(۳) آهن در طبیعت فقط به صورت اکسیدهایی با فرمول‌های FeO و Fe_3O_4 یافت می‌شود.

(۴) آرایش الکترونی یون پایدار هیچ‌کدام از عنصرهای « ${}_{21}\text{Sc}$ ، ${}_{30}\text{Zn}$ ، ${}_{23}\text{V}$ و ${}_{24}\text{Cr}$ » شبیه گازهای نجیب نیست.

۱۲۵- چند مورد از موارد زیر از ویژگی‌های طلا است؟

* بازتاب زیاد پرتوهای خورشیدی

* واکنش با گازهای موجود در هوا کره

* رسانایی الکتریکی پایین در دماهای گوناگون

* واکنش ندادن با مواد موجود در بدن انسان

(۴) ۶

(۳) ۵

(۲) ۴

(۱) ۳

۱۲۶- کدام موارد زیر درست‌اند؟

(آ) اغلب عناصرها در طبیعت به شکل ترکیب یافت می‌شوند.

(ب) در میان فلزها، تنها طلا به شکل کلوخه‌ها یا رگه‌های زرد لابه‌لای خاک یافت می‌شود.

(پ) آلومینیم فلزی است که در سطح جهان بیشترین مصرف سالانه را در بین صنایع گوناگون دارد.

(ت) فلز آهن، اغلب در طبیعت به شکل سولفید یافت می‌شود.

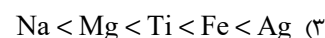
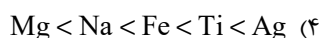
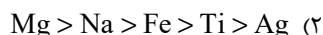
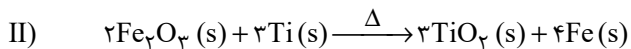
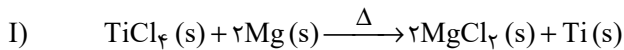
(۴) (پ) و (ت)

(۳) (آ) و (ت)

(۲) (ب) و (پ)

(۱) (آ) و (ب)

۱۲۷- با توجه به واکنش‌های زیر، کدام ترتیب برای واکنش‌پذیری فلزات داده شده درست است؟



۱۲۸- عبارت همه گزینه‌ها درست‌اند؛ به جز ...

(۱) همه فلزات همانند آهن و مس در طبیعت تنها به شکل سنگ معدن یافت می‌شوند.

(۲) از واکنش آهن (III) کلرید با سدیم هیدروکسید، رسوب قرمز قهوه‌ای آهن (III) هیدروکسید تشکیل می‌شود.

(۳) در فولاد مبارکه همانند همه شرکت‌های فولاد جهان، برای استخراج آهن از کربن استفاده می‌شود.

(۴) هرچه یک فلز فعال‌تر باشد، میل بیشتری به ایجاد ترکیب دارد و استخراج آن دشوارتر است.

۱۲۹- عبارت کدام گزینه نادرست است؟

(۱) کلسیم در مقایسه با منیزیم در واکنش با نافلزها، آسان‌تر به کاتیون M^{2+} تبدیل می‌شود.

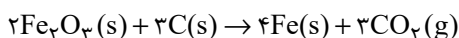
(۲) دلیل وجود تنوع رنگ در سنگ‌های قیمتی نظیر یاقوت و زمرد، وجود ترکیب‌های فلزات دسته d در آنها است.

(۳) استخراج سدیم نسبت به پتاسیم در شرایط ساده‌تری صورت می‌گیرد.

(۴) در شرکت‌های فولاد، برای استخراج آهن از گوگرد استفاده می‌شود.

۱۳۰- در شرکت فولاد مبارکه اصفهان، برای استخراج آهن از ۲۰۰ کیلوگرم سنگ معدن آن استفاده می‌شود. اگر جرم آهن تولید شده برابر ۸۴ کیلوگرم و

بازده درصدی واکنش ۸۰٪ باشد، درصد خلوص سنگ معدن آهن کدام است؟ ($\text{Fe} = 56, \text{O} = 16: \text{g.mol}^{-1}$)



(۲) ۷۵

(۱) ۶۰

(۴) ۸۰

(۳) ۸۵



دفترچه سؤال

آزمون هوش و استعداد
(دوره دوم)
۳۱ مرداد

تعداد کل سؤالات آزمون: ۲۰
زمان پاسخ‌گویی: ۳۰ دقیقه

گروه فنی تولید

حمید لنجان‌زاده اصفهانی	مسئول آزمون
فاطمه راسخ	ویراستار
محیا اصغری	مدیر گروه مستندسازی
علیرضا همایون‌خواه	مسئول درس مستندسازی
حمید اصفهانی، فاطمه راسخ، حمید گنجی، حامد کریمی، فرزاد شیرمحمدلی	طراحان
معصومه روحانیان	حروف‌چینی و صفحه‌آرایی
حمید عباسی	ناظر چاپ

برای مشاهده پاسخ‌ها، به صفحه شخصی خود در سایت کانون مراجعه کنید.

۳۰ دقیقه

استعداد تحلیلی

۲۵۱- ابیات زیر سازنده یک حکایت کوتاه‌اند، اما ترتیب آن‌ها به هم ریخته است. اگر ابیات را به شکل درست خود درآوریم، کدام بیت در جایگاه چهارم قرار می‌گیرد؟

(الف) کیک چون ماجرای پشه شنف / زیر لب خنده‌ای زد آن‌گه گفت

(ب) تو چنانی و من چنین ز چه روی؟ / تو طربناک و من غمین ز چه روی؟

(ج) ای پسر رو خموش باش چو کیک / تا نخواندت کسی، مزن لبیک

(د) من به هنگام کار خاموشم / بسته لب پای تابه سر گوشم

(ه) ای عجب من بدین سیه‌رختی / تو بدان فرهی و خوشبختی

(و) آن شنیدم که گفت پشه به کیک / بامدادان پس از سلام علیک

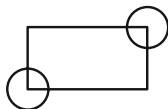
(۴) د

(۳) ج

(۲) ب

(۱) الف

۲۵۲- نمودار زیر، ارتباط کدام دسته‌ها را نشان می‌دهد؟



(۱) گوشواره‌ها - انگوها - طلاها

(۲) مثلث‌های قائم‌الزاویه - مثلث‌های متساوی‌الاضلاع - مثلث‌ها

(۳) سرماخوردگی‌ها - تب‌ها - بیماری‌ها

(۴) نوشابه‌ها - آب‌ها - نوشیدنی‌ها

۲۵۳- رابطه ساختاری بین دو واژه کدام گزینه متفاوت است؟

(۲) پرستنده - پرستار

(۱) بینا - دیدنی

(۴) رونده - رفتار

(۳) گویا - گفتنی

* در سه سؤال بعدی با استدلالی درست تعیین کنید کدام گزینه متن را بهتر ادامه می‌دهد.

۲۵۴- آن منتقدین ادبی معتقد به مفهوم «آرکی‌تایپ» که نخستین بار کارل گوستاو یونگ و مکتب مردم‌شناسی تطبیقی دانشگاه شیکاگو آن را مطرح کرده‌اند، ضمن مطرح کردن مباحثی از قبیل آنیما و آنیموس، سایه، نقاب، مادر کبیر، پیرمرد خردمند، آب، خورشید، دایره، اعداد و ... به کندوکاو تأثیر آن‌چه از ضمیر ناخودآگاه جمعی به ضمیر ناخودآگاه خالق اثر آن راه یافته است می‌پردازند و اثر ادبی را با آن تحلیل و نقد و بررسی می‌کنند. رنگ‌ها که در زندگی انسان تأثیر شگرف و جایگاه ویژه‌ای دارند و در برخی از تمدن‌های کهن، هر کدام نماد مفاهیمی خاص بوده‌اند، مثلاً بعضی رنگ‌ها، نشاط‌انگیز و آرام‌بخش و برخی دیگر مایهٔ سرزندگی و برانگیزنده بوده‌اند، ...

(۱) از آنجا که در فرهنگ‌های مختلف، نماد مفاهیمی متفاوت‌اند، شایستگی اتکا در بحث‌های آرکی‌تایپ ادبی را ندارند.

(۲) در بحث‌های ادبی ضمیر ناخودآگاه جمعی، جایگاه درخور ندارند چرا که به ابزارهای جسمی درک آدمی وابسته‌اند.

(۳) علی‌رغم آن که در ضمیر ناخودآگاه هنرمندند، تا پیش از ظهور مفهوم آرکی‌تایپ، در خلق آثار ادبی بررسی نشده بودند.

(۴) ارتباط عمیقی با ضمیر ناخودآگاه جمعی یافته‌اند و در نقدهای ادبی متکی بر مفهوم آرکی‌تایپ می‌توان به آن‌ها اشاره کرد.

۲۵۵- منظور از «جهانی‌های معنایی»، قواعدی هستند که ساختار واژگان را در همهٔ زبان‌ها تعیین می‌کنند. در نگاه نخست، سخن‌گفتن از جهانی‌های معنایی ممکن است عجیب نظر برسد: هر کس که به مطالعهٔ یک زبان خارجی پرداخته باشد می‌داند که واژه‌های دو زبان تا چه حد ممکن است متفاوت باشند. برخی از مفاهیم که در یک زبان با واژه‌ای ساده بیان می‌شوند، ممکن است در زبانی دیگر نیاز به یک جمله داشته باشند. مثلاً در زبان فارسی واژهٔ انگلیسی commuter را معمولاً با یک جمله بیان می‌کنیم: «کسی که هر شب برای استراحت به حومهٔ شهر می‌رود و روزها برای کار به شهر برمی‌گردد.» و یا در زبان انگلیسی بعید به نظر می‌رسد واژه‌ای معادل «ناز» با همهٔ سایه‌روشن‌های معنایی آن در زبان فارسی وجود داشته باشد. ولی ...

(۱) توجه بیش از اندازه به تفاوت‌های معنایی و کاربردی واژه‌ها، باعث دوری اهالی زبان‌های متفاوت از یکدیگر می‌شود.

(۲) علی‌رغم وجود این تفاوت‌ها، اکثر زبان‌ها در حوزه‌های بنیادین از قواعد جهانی پیروی می‌کنند.

(۳) نمی‌توان زبان‌های مختلف را در طبقه‌بندی‌های مشخص دارای ویژگی‌های مشابه صرفی و نحوی دانست.

(۴) کلمه‌هایی هم هست که بین همهٔ زبان‌ها مشترک است، علی‌رغم آن که تلفظ‌های این واژه‌ها متفاوت است.

۲۵۶- ابونصر فراهی در کتاب نصاب‌الصبيان خود، فقط هشت حرف یعنی «ث، ح، ص، ض، ط، ظ، ع، ق» را عربی شمرده است. البته درستی این گفته‌ها یقینی نیست، اما جالب توجه است که «ذ» را صرفاً حرف عربی قرار نداده و قطعهٔ زیر را برای تفریق میان «د» و «ذ» درج کرده‌است:

در زبان فارسی فرقی میان دال و ذال / بشنو این راه و فصاحت را بدین منوال دان

آن‌که ماقبلش بود با حرف عله ساکنی / همچو بوذ و باذ و بیذ و فاذ، آن را «ذال» خوان

آنکه ماقبلش بود بی حرف عله ساکنی / همچو مرد و درد و زرد و برد، آن را «دال» خوان

بر این اساس، معلوم است که ...

(۱) علم به وجود حروف عله مربوط به دوران متأخر است و در دوران قدیم تمایزی میان آن و دیگر حروف نبوده است.

(۲) کلماتی نظیر «بیهوده» و «آورده» از آغاز با «د» نوشته شده‌اند نه «ذ»، چرا که «د» حرف انتهایی این واژه‌ها نیست.

(۳) آن کلمات زبان فارسی که به حرف «د» ختم می‌شوند، در واقع همگی به «ذ» ختم می‌شده‌اند و امروزه تغییر داشته‌اند.

(۴) حروف «و، ا، ی» از حروف عله‌اند. فراهی تمیز بین «د» و «ذ» را از شروط فصاحت دانسته است.

۲۵۷- کدام گزینه با عبارت «هر سخن جایی و هر نکته مکانی دارد» هم‌مفهوم نیست؟

(۱) جابه‌جا کنعبد و جابه‌جا کنستعین

(۲) جای آینه سر بخاری، جای کفش دم در

(۳) خر رُ تو تالار نمی‌برن

(۴) روی هر خری می‌شه پالون گذاشت

* در سه پرسش بعدی اگر «الف» بزرگ‌تر از «ب» بود گزینه «۱» و اگر «ب» بزرگ‌تر از «الف» بود گزینه «۲» را انتخاب کنید. اگر دو داده مساوی بودند،

گزینه «۳» پاسخ است و اگر امکان مقایسه بین «الف» و «ب» وجود نداشت، گزینه «۴».

۲۵۸- دو سال پیش سنّ علی سه برابر مجموع سنّ میلاد و داریوش بود. دو سال بعد سنّ علی هشت برابر اختلاف سنّ میلاد و داریوش خواهد شد.

می‌دانیم اعداد سنّ داریوش و میلاد اعداد طبیعی یک‌رقمی هستند و میلاد بزرگ‌تر از داریوش است.

الف) اختلاف سنّ علی و میلاد

ب) اختلاف سنّ میلاد و داریوش

۲۵۹- با طنابی با طول ثابت، «یک مستطیل غیرمربع» و «یک مربع» ساخته‌ایم.

الف) مساحت مستطیل

ب) مساحت مربع

۲۶۰- علی و محمود کاری را در ۱۲ ساعت، محمود و حسن همان کار را در ۱۶ ساعت و حسن به تنهایی آن کار را در ۲۴ ساعت انجام می‌دهد.

الف) مدت زمان موردنیاز محمود برای انجام آن کار، به تنهایی

ب) مدت زمان موردنیاز علی برای انجام آن کار، به تنهایی

* باید یک عدد طبیعی چهاررقمی را حدس بزنیم. می‌دانیم این چهار رقم متفاوت‌اند و عددهای ۵ و ۷ در بین آن‌ها نیستند. بر این اساس به سه

پرسش بعدی پاسخ دهید.

۲۶۱- اگر رقم‌های دهگان و صدگان هشت واحد و رقم‌های صدگان و هزارگان دو واحد اختلاف داشته باشند و عدد مضرب پنج باشد، چند عدد ممکن

است پاسخ باشند؟

(۲) دو عدد

(۱) یک عدد

۲۶۲- اگر حاصل ضرب رقم‌های یکان و هزارگان، شش برابر حاصل ضرب رقم‌های دهگان و صدگان باشد، کدام گزینه درباره این عدد حتماً درست است؟

(۱) عددهای ۲ و ۴ هر دو قطعاً در این عدد هستند.

(۲) دست کم یکی از عددهای صفر و یک قطعاً در این عدد هست.

(۳) با فرض‌های ارائه شده، عددی ساخته نمی‌شود.

(۴) وجود حداقل یکی از عددهای ۳ و ۶ الزامی است.

۲۶۳- اگر بدانیم هیچ‌یک از ارقام عدد، ۱ و ۸ نیست ولی صفر و چهار قطعاً در عدد هست و عدد بر ۹ بخشپذیر است، دو عدد بزرگتر ارقام این عدد، چند

واحد اختلاف دارند؟

(۱) ۱

(۲) ۲

(۳) ۳

(۴) ۶

۲۶۴- در یک ساعت عقربه‌ای بیست و چهار ساعته، زاویه کوچک‌تر بین دو عقربه ساعت‌شمار و دقیقه‌شمار در ساعت $۲۰:۲۰'$ چند درجه است؟ دقت

کنید عقربه دقیقه‌شمار در هر ساعت، یک دور کامل در صفحه می‌چرخد.

(۱) ۸۵°

(۲) ۹۰°

(۳) ۱۷۰°

(۴) ۱۷۵°

۲۶۵- یکی از وسایل «گوشی، روپوش، خودکار، دفتر، کتاب» نو نیست و همان تنها دروغگوی جمع است. گوشی می‌گوید «روپوش» کهنه

است، روپوش می‌گوید «خودکار» نو است، خودکار می‌گوید «دفتر» نو است، کتاب و دفتر هم می‌گویند «کتاب» نو است. وسیله دروغگو

کدام است؟

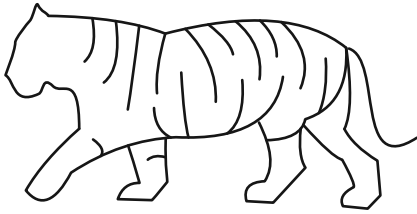
(۱) گوشی

(۲) روپوش

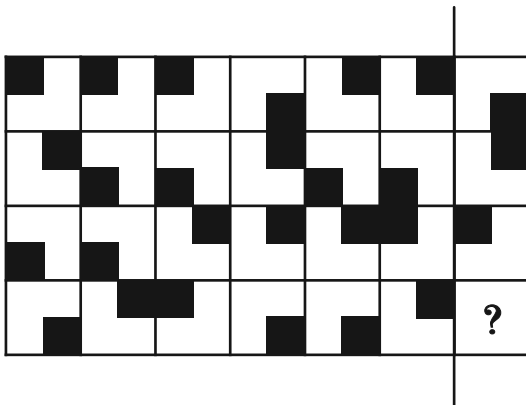
(۳) خودکار

(۴) دفتر

۲۶۶- کدام گزینه بخشی از تصویر زیر نیست؟

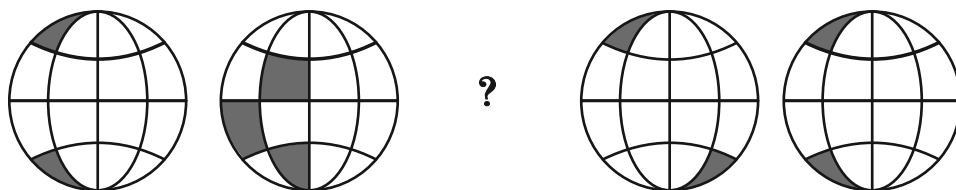


* در دو پرسش بعدی، شکل جایگزین علامت سؤال الگو را تعیین کنید.

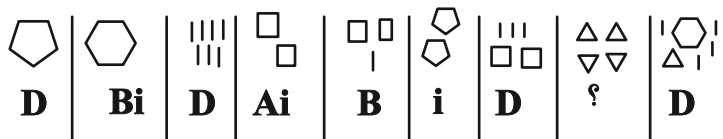


۲۶۷-





۲۶۹- در کدگذاری زیر، کدام گزینه به جای علامت سؤال قرار می گیرد؟



BD (۲)

BAi (۱)

ADi (۴)

Ai (۳)

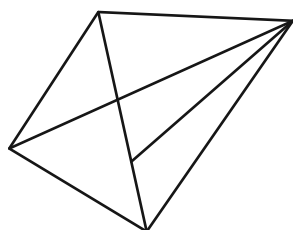
۲۷۰- در شکل زیر چند مثلث هست؟

(۱) ۹

(۲) ۱۰

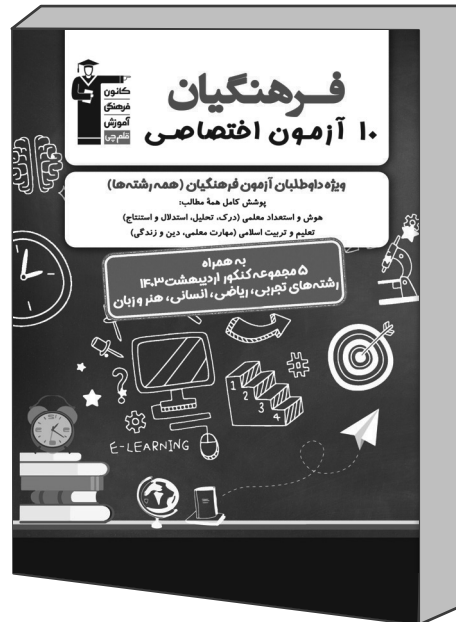
(۳) ۱۱

(۴) ۱۲



منابع مناسب هوش و استعداد

دوره دوم





پدید آورندگان آزمون ۳۱ مرداد

سال یازدهم ریاضی

طراحان

نام طراحان	نام درس
امیر زراندوز - میلاد منصوری - امیر محمودیان - اسماعیل میرزایی - محمد توکلی - مصطفی بهنام مقدم - حمید علیزاده - احمد مهرابی - عاطفه خان محمدی - سهند ولی زاده - مهدی ملارمضانی - مجتبی نادری - علی آزاد - کیانوش شهریار - وحید راحتی - پوپک اسلامی - نسترن صمدی - امیر هوشنگ خمسه	ریاضی (۱) و حسابان (۱)
امیر حسین ابومحبوب - محمد ابراهیم گیتی زاده - مهدی نیک زاده - محسن محمد کریمی - امیر محمد کریمی - محمد خندان - علی ایمانی - رضا سیدنجفی - جواد حاتمی - محمد ابراهیم تونزنده جانی - احسان خیرالهی - شایان عیاجی - حامد یحیی اوغلی - سارا خسروی - میثم بهرامی جویا - رضا عباسی اصل	هندسه (۱) و (۲)
حمید زرین کفش - کیانوش شهریار - فرشاد لطف اله زاده - امیر محمودی انزابی - حسین مخدومی - اسعد حاجی زاده - شیدا شیرزادی - میثم دشتیان - خسرو ارغوانی فرد - مصطفی کیانی - پوریا علاقه مند - علیرضا جباری - زهره رامشینی - سیدعلی میرنوری - دانیال راستی - فرشید کارخانه - ناصر امیدوار - مهران اسماعیلی - مسعود قره خانی - بهنام دیبایی اصل - سینا عزیزی - معصومه افضلی - سینا صالحی - عبدالرضا امینی نسب - امید خالدی	فیزیک (۱) و (۲)
ایمان حسین نژاد - امیر حاتمیان - دلنیا محمودی - رسول عابدینی زواره - رضا سلیمانی - سیدعلیرضا سیدی حلاج - ارژنگ خانلری - عباس هنرجو - جعفر پازوکی - علیرضا بیانی - هادی مهدی زاده - آرمان قنواتی - علی جعفری	شیمی (۱) و (۲)

گزینشگران، مسئولین درس و ویراستاران

نام درس	گزینشگر و مسئول درس	گروه ویراستاری	مسئول درس مستندسازی
ریاضی (۱) و حسابان (۱)	مهدی ملارمضانی	سپهر متولیان - مهدی بحر کاظمی - احسان غنی زاده گروه مستندسازی: معصومه صنعت کار - سید احسان میرزینلی - سجاد سلیمی	سمیه اسکندری
هندسه (۱) و (۲)	امیر محمد کریمی	سپهر متولیان - محمد حسام رجبی - سجاد محمدنژاد - مهدی بحر کاظمی گروه مستندسازی: معصومه صنعت کار - مهسا محمدنیا - سید احسان میرزینلی	سجاد سلیمی
فیزیک (۱) و (۲)	سینا صالحی	حسین بصیر تر کمپور - بابک اسلامی گروه مستندسازی: سجاد بهارلویی - ابراهیم نوری	علیرضا همایون خواه
شیمی (۱) و (۲)	ایمان حسین نژاد	پویا رستگاری - احسان پنجه شاهی - آرش ظریف گروه مستندسازی: محسن دستجردی - عرفان قره مشک	سمیه اسکندری

گروه فنی و تولید

مدیر گروه	بابک اسلامی
مسئول دفترچه	لیلا نورانی
مستندسازی و مطابقت با مصوبات	مدیر گروه: محیا اصغری / مسئول دفترچه: سجاد سلیمی
حروفنگاری و صفحه آرایی	فاطمه علی باری
نظارت چاپ	حمید محمدی

بنیاد علمی آموزشی قلمچی (وقف عام)



ریاضی (۱) - نگاه به گذشته

۱- گزینه «۱»

(امیر زرانروز)

$$-mx^2 - (m^2 + 3)x + 12 = 0 \xrightarrow{x=2}$$

$$-4m - 2m^2 - 6 + 12 = 0$$

$$\Rightarrow m^2 + 2m - 3 = 0 \Rightarrow (m+3)(m-1) = 0$$

$m=1$ قابل قبول نیست، چون به ازای این مقدار، معادله، ریشه مضاعف ندارد.

$$\begin{cases} m=1 \Rightarrow -x^2 - 4x + 12 = 0 \Rightarrow \Delta > 0 \\ m=-3 \Rightarrow 3x^2 - 12x + 12 = 0 \end{cases}$$

$$\Rightarrow x^2 - 4x + 4 = 0 \Rightarrow \Delta = 0 \quad \text{قق}$$

(ریاضی ۱- معادله‌ها و نامعادله‌ها - صفحه‌های ۷۰ تا ۷۷)

۲- گزینه «۱»

(میلاد منصوری)

ابتدا جواب‌های معادله $x^2 - 8x + 7 = 0$ را می‌یابیم:

$$x^2 - 8x + 7 = 0 \Rightarrow (x-7)(x-1) = 0 \Rightarrow \begin{cases} x_1 = 7 \\ x_2 = 1 \end{cases}$$

بنابراین جواب بزرگ‌تر معادله $x^2 - ax + \frac{7}{4} = 0$ برابر $\frac{7}{4}$ است.

$x'_1 = \frac{7}{4}$ را در معادله جایگذاری کرده و a را می‌یابیم:

$$\left(\frac{7}{4}\right)^2 - \frac{7}{4}a + \frac{7}{4} = 0 \Rightarrow a = 4$$

$$x^2 - 4x + \frac{7}{4} = 0 \Rightarrow \left(x - \frac{7}{4}\right)\left(x - \frac{1}{4}\right) = 0 \Rightarrow \begin{cases} x'_1 = \frac{7}{4} \\ x'_2 = \frac{1}{4} \end{cases}$$

$$\text{بنابراین } \frac{x_2}{x'_2} = \frac{1}{\frac{1}{4}} = 4 \text{ است.}$$

(ریاضی ۱- معادله‌ها و نامعادله‌ها - صفحه‌های ۷۰ تا ۷۷)

۳- گزینه «۱»

(امیر مضموریان)

با توجه به این که سهمی رو به بالا است، $a > 0$. طول رأس سهمی نیز عددی منفی است:

$$-\frac{b}{2a} < 0 \xrightarrow{a>0} -b < 0 \Rightarrow b > 0$$

سهمی، محور y ها را در نقطه‌ای با عرض منفی قطع کرده است:

$$-c < 0 \Rightarrow c > 0$$

فقط مورد «ت» قطعاً درست است. موارد «الف» و «ب» نادرست و مورد

«ب» با توجه به مقادیر a و c می‌تواند درست یا نادرست باشد.

(ریاضی ۱- معادله‌ها و نامعادله‌ها - صفحه‌های ۷۸ تا ۸۲)

۴- گزینه «۱»

(اسماعیل میرزایی)

$$3x^2 - 5x + 1 > mx - 2 \Rightarrow 3x^2 - (\Delta + m)x + 3 > 0$$

$$\begin{cases} a = x^2 \text{ ضریب } > 0 \\ \Delta < 0 \Rightarrow (-(\Delta + m))^2 - 4 \times 3 \times 3 < 0 \end{cases} \quad \text{شرط همواره مثبت بودن}$$

$$\Rightarrow 25 + 10m + m^2 - 36 < 0 \Rightarrow m^2 + 10m - 11 < 0$$

$$m^2 + 10m - 11 = (m+11)(m-1) = 0 \Rightarrow \begin{cases} m = 1 \\ m = -11 \end{cases}$$

m	-11	1
$m^2 + 10m - 11$	+ 0 - 0 +	+ 0 - 0 +

بنابراین به ازای $-11 < m < 1$ ، سهمی داده شده همواره بالای خط

$$y = mx - 2 \text{ قرار می‌گیرد.}$$

(ریاضی ۱- معادله‌ها و نامعادله‌ها - صفحه‌های ۷۸ تا ۹۱)



علامت متفاوت دارد. یعنی جدول تعیین علامت هر کدام به صورت زیر است.

x	-۱	۴
$P_1(x)$	-	+

x	-۱	۴
$P_2(x)$	+	-

بنابراین دو عبارت به صورت $P_1(x) = k(x+1)(x-4)$ و

$P_2(x) = m(x+1)(x-4)$ است و نسبت ضرایب x آن‌ها برابر با ۱-

است؛ اما $\frac{-8}{-2} \neq -1$ ، بنابراین این حالت مورد قبول نیست.

(ب) هر دو عبارت ریشه مضاعف دارند. یکی در ۱- و دیگری در ۴ و علامت

ضریب x^2 در آن‌ها متفاوت است.

$$\Delta_1 = 0 \Rightarrow (-8)^2 - 4a = 0 \Rightarrow 4a = 64 \Rightarrow a = 16$$

$$\Delta_2 = 0 \Rightarrow (-2)^2 - 4(-1)(b) = 0 \Rightarrow 4 + 4b = 0 \Rightarrow b = -1$$

$$\Rightarrow ab = -16$$

(ریاضی ۱- معادله‌ها و نامعادله‌ها - صفحه‌های ۸۳ تا ۹۱)

۸- گزینه «۱»

(امیر محمودیان)

با توجه به این که $abc < 0$ است، ۴ حالت ممکن است وجود داشته باشد:

(۱) $a < 0$ ، $b > 0$ و $c > 0$: سهمی رو به پایین ($a < 0$) و طول رأس

سهمی مثبت است $\left(-\frac{b}{2a} > 0\right)$ و نمودار، عرض از مبدأ مثبت دارد

($c > 0$): نمودار پ

(۲) $a > 0$ ، $b < 0$ و $c > 0$: سهمی رو به بالا و طول رأس سهمی مثبت

است و نمودار، عرض از مبدأ مثبت دارد: نمودار پ

(۳) $a > 0$ ، $b > 0$ و $c < 0$: سهمی رو به بالا و طول رأس سهمی منفی

است و نمودار، عرض از مبدأ منفی دارد: نمودار ت

۵- گزینه «۴»

(مهمر توکلی)

$$\left| \frac{x-1}{2} - 1 \right| \geq 5 \Rightarrow \begin{cases} \frac{x-1}{2} - 1 \geq 5 \Rightarrow \frac{x-1}{2} \geq 6 \Rightarrow x \geq 13 \\ \text{یا} \\ \frac{x-1}{2} - 1 \leq -5 \Rightarrow \frac{x-1}{2} \leq -4 \Rightarrow x \leq -7 \end{cases}$$

$$\Rightarrow x \in \mathbb{R} - (-7, 13)$$

(ریاضی ۱- معادله‌ها و نامعادله‌ها - صفحه‌های ۹۱ تا ۹۳)

۶- گزینه «۴»

(مصطفی یونام‌مقدم)

$$y = x^2 - 4x + 5 = (x-2)^2 + 1 \Rightarrow \text{رأس: } (2, 1)$$

$$x = \frac{-1}{2(k+1)} \text{ نیز } y = (k+1)x^2 + x + c$$

است.

$$\xrightarrow{\text{انطباق طول دو رأس}} \frac{-1}{2(k+1)} = 2 \Rightarrow k+1 = -\frac{1}{4}$$

$$\Rightarrow k = -\frac{5}{4}$$

معادله سهمی دوم به صورت زیر است:

$$y = -\frac{1}{4}x^2 + x + c = -\frac{1}{4}(x^2 - 4x) + c = -\frac{1}{4}(x-2)^2 + c + 1$$

$$\xrightarrow{\text{انطباق عرض دو رأس}} c + 1 = 1 \Rightarrow c = 0$$

$$\Rightarrow k + c = -\frac{5}{4}$$

(ریاضی ۱- معادله‌ها و نامعادله‌ها - صفحه‌های ۷۸ تا ۸۲)

۷- گزینه «۳»

(امیر محمودیان)

از آنجا که حاصل ضرب دو عبارت درجه دو، فقط به ازای ۲ مقدار صفر شده

و در سایر مقادیر منفی است دو حالت زیر ممکن است به وجود آید:

الف) هر دو عبارت ریشه‌های ۱- و ۴ دارند و ضریب x^2 در دو عبارت



$$\begin{cases} h = \frac{b}{2} = 1 \Rightarrow b = 2 \\ k = c = 2 \end{cases}$$

نقطه (۳, ۰) روی سهمی قرار دارد، بنابراین:

$$3 = 4a\left(0 - \frac{b}{2}\right)^2 + c \Rightarrow 3 = 4a + 2 \Rightarrow a = \frac{1}{4}$$

بنابراین:

$$abc = \frac{1}{4} \times 2 \times 2 = 1$$

(ریاضی ۱- معادله‌ها و نامعادله‌ها- صفحه‌های ۷۸ تا ۸۲)

(اسماعیل میرزایی)

۱۱- گزینه «۳»

$$\left| \frac{4x-1}{2} - 2 \right| \leq 3 \Rightarrow -3 \leq \frac{4x-1}{2} - 2 \leq 3$$

$$\Rightarrow -1 \leq \frac{4x-1}{2} \leq 5 \Rightarrow -2 \leq 4x-1 \leq 10 \Rightarrow -1 \leq 4x \leq 11$$

$$\Rightarrow \frac{-1}{4} \leq x \leq \frac{11}{4} \Rightarrow \begin{cases} m = \frac{-1}{4} \\ n = \frac{11}{4} \end{cases} \Rightarrow n - m = \frac{12}{4} = 3$$

(ریاضی ۱- معادله‌ها و نامعادله‌ها- صفحه‌های ۹۱ تا ۹۳)

(امیر محمودیان)

۱۲- گزینه «۱»

$$4x^2 - 2mx + 25 > 0 \Rightarrow \begin{cases} a > 0 \Rightarrow 4 > 0 \\ \Delta < 0 \Rightarrow (-2m)^2 - 4 \cdot 0 < 0 \end{cases}$$

$$\Rightarrow 4m^2 < 400 \Rightarrow m^2 < 100 \Rightarrow -10 < m < 10 \quad (1)$$

$$mx^2 + 6x + m + 8 < 0 \Rightarrow \begin{cases} a < 0 \Rightarrow m < 0 \quad (2) \\ \Delta < 0 \Rightarrow 36 - 4m(m+8) < 0 \end{cases}$$

$$\Rightarrow -m^2 - 8m + 9 < 0$$

m	-9	1
$-m^2 - 8m + 9$	-	+

(۴) $a < 0$, $b < 0$ و $c < 0$: سهمی رو به پایین و طول رأس سهمی

منفی است و نمودار، عرض از مبدأ منفی دارد. نمودار الف

بنابراین در هر ۴ نمودار داده شده، $abc < 0$ است.

(ریاضی ۱- معادله‌ها و نامعادله‌ها- صفحه‌های ۷۸ تا ۸۲)

۹- گزینه «۴»

(عمید علیزاده)

$$P(x) = \frac{(9x^2 - 6x + 1)(1 - 4x^2)}{(x+1)^2} = \frac{(3x-1)^2(1-4x^2)}{(x+1)^2} \geq 0$$

$$\begin{cases} (3x-1)^2 = 0 \Rightarrow x = \frac{1}{3} \\ 1-4x^2 = 0 \Rightarrow x = \pm \frac{1}{2} \\ (x+1)^2 = 0 \Rightarrow x = -1 \end{cases}$$

x	-1	$-\frac{1}{2}$	$\frac{1}{3}$	$\frac{1}{2}$
$(3x-1)^2$	+	+	+	+
$1-4x^2$	-	-	+	+
$(x+1)^2$	+	+	+	+
f	-	-	+	+

$$\Rightarrow x \in \left[-\frac{1}{2}, \frac{1}{2}\right] \Rightarrow b - a = \frac{1}{2} - \left(-\frac{1}{2}\right) = 1$$

(ریاضی ۱- معادله‌ها و نامعادله‌ها- صفحه‌های ۸۳ تا ۹۱)

۱۰- گزینه «۴»

(مهمر توکلی)

$$y = a(2x - b)^2 + c = a\left(2\left(x - \frac{b}{2}\right)\right)^2 + c = 4a\left(x - \frac{b}{2}\right)^2 + c$$

به‌طور کلی هر سهمی به صورت $y = a(x - h)^2 + k$ که $a \neq 0$

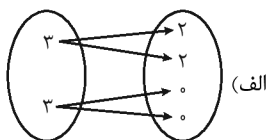
است، رأسی به مختصات (h, k) دارد. بنابراین:



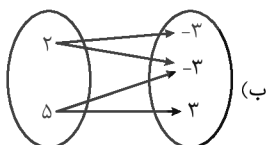
(امیر مسموریان)

۱۵- گزینه «۱»

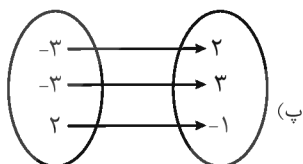
به ازای $a = 3$ و $b = -1$ ، نمودارهای پیکانی را بازنویسی می‌کنیم:



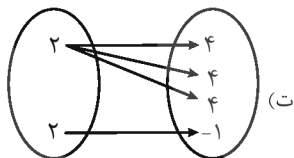
به ازای ورودی ۳، دو خروجی متمایز دارد و تابع نیست.



به ازای ورودی ۵، دو خروجی متمایز دارد و تابع نیست.



به ازای ورودی -۳، دو خروجی متمایز دارد و تابع نیست.



به ازای ورودی ۲، دو خروجی متمایز دارد و تابع نیست.

(ریاضی ۱- تابع - صفحه‌های ۹۵ تا ۱۰۰)

(عاطفه خان مسموری)

۱۶- گزینه «۴»

$$g = \{(2a, 4c), (c+2, a)\} = \{(e, 4), (f, 4)\}$$

$$4c = a = 4 \Rightarrow \begin{cases} a = 4 \\ c = 1 \end{cases}$$

$$g = \{(8, 4), (3, 4)\} = \{(e, 4), (f, 4)\}$$

بنابراین $e + f = 11$ است.

(ریاضی ۱- تابع - صفحه‌های ۹۵ تا ۱۰۰)

$$m \in (-\infty, -9) \cup (1, +\infty) \quad (3)$$

از اشتراک (۱) و (۲) و (۳) داریم:

$$-10 < m < -9$$

$$\Rightarrow b - a = -9 - (-10) = 1$$

(ریاضی ۱- معادله‌ها و نامعادله‌ها - صفحه‌های ۸۳ تا ۹۱)

(امیر مسموریان)

۱۳- گزینه «۲»

الف) این رابطه تابع است، زیرا اگر مساحت یک مربع به صورت a^2 باشد،

ضلع مربع a خواهد بود. ($a > 0$)

ب) هر سهمی یک رأس دارد، بنابراین این رابطه تابع است.

پ) هر عدد طبیعی دو ریشه چهارم دارد که قرینه یکدیگرند، پس این رابطه

تابع نیست.

(ریاضی ۱- تابع - صفحه‌های ۹۵ تا ۱۰۰)

(احمد معزایی)

۱۴- گزینه «۴»

به ازای مؤلفه‌های اول برابر، باید مؤلفه‌های دوم نیز برابر باشند:

$$(3, b^2) = (3, b+2) \Rightarrow b^2 = b+2 \Rightarrow b^2 - b - 2 = 0$$

$$\Rightarrow (b-2)(b+1) = 0 \Rightarrow \begin{cases} b = 2 \\ b = -1 \end{cases}$$

$$b = 2 : f = \{(-2, 2), (3, 4), (-3, 2), (2, 1)\}$$

$$b = -1 : f = \{(-2, -1), (3, 1), (-3, -1), (-1, -2)\}$$

به ازای هر دو مقدار b ، رابطه تابع است.

(ریاضی ۱- تابع - صفحه‌های ۹۵ تا ۱۰۰)



۱۷- گزینه «۴»

(سوئدر ولی زاده)

$$\{2, 4\} = \text{برد و } \{-1, 3\} = \text{دامنه ۱)}$$

$$\{1, 4\} = \text{برد و } [-1, 3] = \text{دامنه ۲)}$$

$$\{2, 4\} = \text{برد و } [-1, 3] - \{0\} = \text{دامنه ۳)}$$

$$\{2, 4\} = \text{برد و } [-1, 3] = \text{دامنه ۴)}$$

(ریاضی ۱- تابع - صفحه‌های ۱۰۱ تا ۱۰۸)

۱۸- گزینه «۱»

(امیر محمودیان)

با توجه به این که شیب تابع خطی، مثبت است $(m > 1)$ ، داریم:

$$\begin{cases} f(-2a+1) = -1 \\ f(a+1) = 4 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} m(-2a+1) + a - 3 = -1 \\ m(a+1) + a - 3 = 4 \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} -2ma + m + a = 2 \\ ma + m + a = 7 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} -2ma + m + a = 2 \\ 2ma + 2m + 2a = 14 \end{cases}$$

$$\Rightarrow 3m + 3a = 16, ma = \frac{5}{3}$$

با توجه به روابط بالا، خواهیم داشت:

$$m\left(\frac{16}{3} - m\right) = \frac{5}{3} \Rightarrow -m^2 + \frac{16}{3}m - \frac{5}{3} = 0$$

$$\Rightarrow 3m^2 - 16m + 5 = 0$$

$$\Delta = (-16)^2 - 4 \cdot 3 \cdot 5 = 196 \Rightarrow m_{1,2} = \frac{16 \pm 14}{6} \Rightarrow \begin{cases} m_1 = \frac{1}{3} \\ m_2 = 5 \end{cases}$$

با توجه به $m > 1$ ، مقدار ۵ برای m قابل قبول است.

$$\Rightarrow a = \frac{16}{3} - 5 = \frac{1}{3}$$

$$y = 5x - \frac{1}{3} \xrightarrow{x=1} y = \frac{14}{3}$$

(ریاضی ۱- تابع - صفحه‌های ۱۰۱ تا ۱۰۸)

۱۹- گزینه «۱»

(امیر موریانی)

$$\begin{cases} 2x + y = 6 \\ x - 3y = -4 \end{cases} \Rightarrow x = y = 2$$

$$\Rightarrow \left(\frac{x}{y}, x^2 + y\right) = (1, 6) = (3x^2 - 5y - 1, 3y)$$

(ریاضی ۱- تابع - صفحه‌های ۹۵ تا ۱۰۰)

۲۰- گزینه «۲»

(امیر محمودیان)

از آنجا که تابع خطی به صورت $y = ax + b$ است باید $f(2) = -3$

باشد. (مقدار وسط برد متعلق به مقدار وسط دامنه باشد.) زیرا تابع خطی یا

شیب مثبت دارد یا منفی. اگر شیب مثبت داشته باشد $f(4) = 1$ و $f(2) = -3$ و $f(1) = -5$ است و اگر شیب منفی داشته باشد $f(1) = 1$ و $f(2) = -3$ و $f(4) = -5$.

$$\begin{cases} f(1) = 1 \\ f(4) = -5 \end{cases} \Rightarrow m = \frac{6}{-3} = -2 \quad \text{با شیب منفی}$$

$$\Rightarrow y = -2x + b \Rightarrow 1 = -2 + b \Rightarrow b = 3$$

$$\Rightarrow y = -2x + 3 \Rightarrow f(2) = -1 \quad \text{قابل قبول نیست}$$

$$\begin{cases} f(1) = -5 \\ f(4) = 1 \end{cases} \Rightarrow m = \frac{6}{3} = 2 \quad \text{با شیب مثبت}$$

$$y = 2x + b \Rightarrow -5 = 2(1) + b \Rightarrow b = -7$$

$$y = 2x - 7 \Rightarrow f(2) = -3 \quad \text{قابل قبول است.}$$

$$D_{\text{جدید}} = \{4, 6, 3\} \Rightarrow \begin{cases} f(4) = 2(4) - 7 = 1 \\ f(6) = 2(6) - 7 = 5 \\ f(3) = 2(3) - 7 = -1 \end{cases}$$

$$\Rightarrow \text{مجموع اعضای برد} = 5$$

(ریاضی ۱- تابع - صفحه‌های ۱۰۱ تا ۱۰۸ کتاب درسی)



هندسه (۱) - نگاه به گذشته

۲۱- گزینه ۴»

(امیرحسین ابومصوب)

می‌دانیم هر دو n ضلعی منتظم، همواره با هم متشابه‌اند. اگر نسبت تشابهاین دو شش ضلعی منتظم را برابر k در نظر بگیریم، آنگاه نسبتمساحت‌ها برابر k^2 و نسبت محیط‌ها برابر k است. داریم:

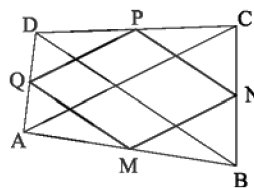
$$\frac{S}{S'} = k^2 \Rightarrow k^2 = \frac{16}{25} \Rightarrow k = \frac{4}{5}$$

$$\frac{P}{P'} = k \Rightarrow \frac{P}{75} = \frac{4}{5} \Rightarrow P = 75 \times \frac{4}{5} = 60$$

(هنر سه ۱- قضیه تالس، تشابه و کاربردهای آن - صفحه‌های ۴۵ تا ۴۸)

۲۲- گزینه ۱»

(معمربراهیم کبیتی زاده)

چهارضلعی $MNPQ$ متوازی‌الاضلاع است (چرا؟) و در آن

$$NP = \frac{BD}{2} \text{ و } MN = \frac{AC}{2}$$

$$AC = BD \Rightarrow \frac{AC}{2} = \frac{BD}{2} \Rightarrow MN = NP$$

متوازی‌الاضلاعی که دو ضلع مجاور آن برابر باشند، یک لوزی است، پس

چهارضلعی $MNPQ$ لوزی می‌باشد.

(هنر سه ۱- پندریضی‌ها - صفحه‌های ۵۹ تا ۶۱ و ۶۴)

۲۳- گزینه ۱»

(مهدی نیک‌زاد)

طبق رابطه تعداد اضلاع و قطرهای یک چندضلعی داریم:

$$\frac{n(n-3)}{2} = n(n-1) + \frac{(n-1)(n-2)}{2}$$

$$\Rightarrow n^2 - 4n = 0 \begin{cases} n = 0 & \text{غفقی} \\ n = 4 \end{cases}$$

$$\text{تعداد قطرهای } n \text{ ضلعی} = \frac{n(n-3)}{2} = \frac{4 \times 1}{2} = 2$$

(هنر سه ۱- پندریضی‌ها - صفحه ۵۵)

۲۴- گزینه ۳»

(مفسر معمر کریمی)

طبق روابط طولی در مثلث قائم‌الزاویه ABC داریم:

$$\frac{AB^2}{AC^2} = \frac{BH \times BC}{CH \times BC} = \frac{BH}{CH} = 3 \Rightarrow \frac{AB}{AC} = \sqrt{3}$$

زاوای B و CAH هر دو متمم زاویه C هستند، بنابراین برابر یکدیگرند

و داریم:

$$\left. \begin{array}{l} \hat{B} = \hat{CAH} \\ \hat{AHB} = \hat{AHC} = 90^\circ \end{array} \right\} \xrightarrow{\text{تساوی دو زاویه}} \Delta AHB \sim \Delta CHA$$

$$\Rightarrow k = \frac{AB}{AC} = \sqrt{3}$$

ضلع BH از مثلث AHB و ضلع AH از مثلث CHA ، اضلاع متناظردر این دو مثلث و AM و CN میانه‌های وارد بر این دو ضلع هستند.

می‌دانیم نسبت میانه‌ها در دو مثلث متشابه برابر نسبت تشابه است، بنابراین

داریم:

$$\frac{AM}{CN} = k = \sqrt{3}$$

(هنر سه ۱- قضیه تالس، تشابه و کاربردهای آن - صفحه ۴۶)



و از طرفی $\triangle AND \cong \triangle BNM$ است (برابری زوایا و $NM = ND$) پس:

$$BN = AD = 2x \Rightarrow AB = 3x$$

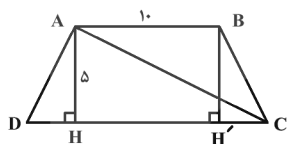
$$\frac{S_{ABC}}{S_{MND}} = \left(\frac{AB}{ND}\right)^2 = \left(\frac{3}{\sqrt{3}}\right)^2 = 3$$

$$\Rightarrow \frac{12}{S_{MND}} = 3 \Rightarrow S_{MND} = 4$$

(هندسه ۱- قضیه تالس، تشابه و کاربردهای آن- صفحه‌های ۴۵ تا ۴۸)

۲۷- گزینه «۲»

(معمّر فندان)



مطابق شکل فرض کنید $AB = 10$ و $AH = 5$ باشد. در این صورت

داریم:

$$S_{ABCD} = \frac{1}{2} AH(AB + CD)$$

$$\Rightarrow 60 = \frac{1}{2} \times 5(10 + CD)$$

$$\Rightarrow 10 + CD = 24 \Rightarrow CD = 14$$

دو مثلث AHD و $BH'C$ هم‌نهشت هستند، بنابراین داریم:

$$DH = CH' = \frac{CD - AB}{2} = \frac{14 - 10}{2} = 2$$

$$\Rightarrow CH = CH' + HH' = 2 + 10 = 12$$

$$\triangle AHC : AC^2 = AH^2 + CH^2 = 25 + 144 = 169 \Rightarrow AC = 13$$

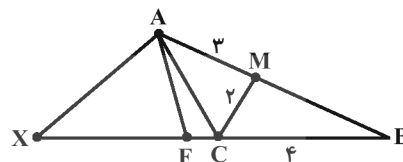
(هندسه ۱- پندشلی‌ها- صفحه‌های ۶۱ تا ۶۳)

(امیرمعمّر کریمی)

۲۵- گزینه «۱»

$$4AM = 6CM = 3BC = 24FC = 12 \Rightarrow \begin{cases} AM = 3 \\ CM = 2 \\ BC = 4 \\ FC = 0.5 \end{cases}$$

X را روی امتداد BF طوری در نظر می‌گیریم که $FX = 4/5$ باشد. حال داریم:



$$FB = FC + CB = 0.5 + 4 = 4.5 = FX$$

پس AF میانه است. از طرفی داریم:

$$\left. \begin{aligned} AM = BM = 3 &\Rightarrow AB = 6 \\ BX = 2BF = 9 \\ BC = 4 \end{aligned} \right\} \Rightarrow AB^2 = BC \cdot BX$$

$$\Rightarrow \frac{AB}{BX} = \frac{BC}{AB}, \hat{B} = \hat{B} \Rightarrow \triangle ABC \sim \triangle ABX$$

و نسبت تشابه برابر است با $\frac{AB}{BX} = \frac{6}{9} = \frac{2}{3}$ و چون نسبت میانه‌ها برابر با نسبت

تشابه است پس:

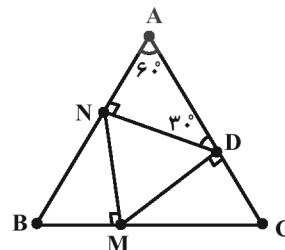
$$\frac{CM}{AF} = \frac{AB}{BX} = \frac{2}{3} \Rightarrow \frac{2}{AF} = \frac{2}{3} \Rightarrow AF = 3$$

(هندسه ۱- قضیه تالس، تشابه و کاربردهای آن- صفحه‌های ۴۵ تا ۴۸)

(امیرمعمّر کریمی)

۲۶- گزینه «۳»

چون این دو مثلث متساوی‌الاضلاع هستند پس با هم متشابه‌اند و می‌دانیم نسبت مساحت دو مثلث متشابه برابر مجذور نسبت تشابه است.



اگر $AN = x$ باشد داریم:

$$AD \Rightarrow AD = 2x \text{ و تر مثلث قائم‌الزاویه با زاویه } 30^\circ \text{ است}$$

طبق فیثاغورس داریم:

$$ND = \sqrt{AD^2 - AN^2} = \sqrt{(2x)^2 - x^2} = \sqrt{3}x$$

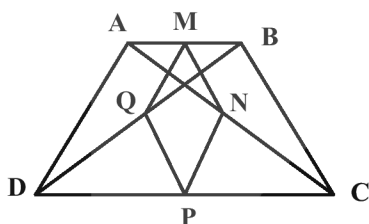


$$\triangle BDH: BD^2 = BH^2 + DH^2 = 60 + 10^2$$

$$\Rightarrow BD^2 = 160 \Rightarrow BD = 4\sqrt{10}$$

(هندسه ۱- پندرضلعی‌ها- صفحه‌های ۶۱ تا ۶۳)

(پوار غامی)



در مثلث ABD، نقاط M و Q به ترتیب وسط اضلاع AB و BD

هستند، پس طبق تعمیم قضیه تالس، $MQ = \frac{1}{2}AD$ است. به دلیل

مشابه به ترتیب در مثلث‌های ABC، ADC و BDC،

$MN = \frac{1}{2}BC$ ، $NP = \frac{1}{2}AD$ و $PQ = \frac{1}{2}BC$ است و در نتیجه

داریم:

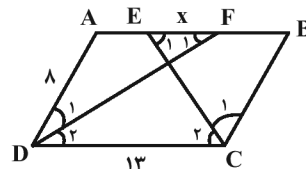
$$\text{محیط } MNPQ = \frac{1}{2}AD + \frac{1}{2}BC + \frac{1}{2}AD + \frac{1}{2}BC$$

$$= AD + BC = 3 + 3 = 6$$

(هندسه ۱- پندرضلعی‌ها- صفحه‌های ۶۱ تا ۶۴)

۲۸- گزینه «۲»

(علی ایمانی)



فرض کنید $EF = x$ باشد. در این صورت داریم:

$$AB \parallel DC \text{ و } DF \Rightarrow \hat{F}_1 = \hat{D}_2 \xrightarrow{\hat{D}_1 = \hat{D}_2} \hat{F}_1 = \hat{D}_1$$

$$\xrightarrow{\triangle ADF} AF = AD = 8 \Rightarrow AE = AF - EF = 8 - x$$

$$AB \parallel DC \text{ و } CE \Rightarrow \hat{E}_1 = \hat{C}_2 \xrightarrow{\hat{C}_1 = \hat{C}_2} \hat{E}_1 = \hat{C}_1$$

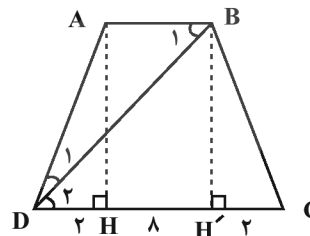
$$\xrightarrow{\triangle BCE} BE = BC = 8$$

$$AE + BE = AB \Rightarrow (8 - x) + 8 = 13 \Rightarrow x = 3$$

(هندسه ۱- پندرضلعی‌ها- صفحه‌های ۵۶ تا ۵۹)

۲۹- گزینه «۴»

(رضا سیرنغی)



$$AB \parallel DC \text{ و } BD \Rightarrow \hat{B}_1 = \hat{D}_2 \xrightarrow{\hat{D}_1 = \hat{D}_2}$$

$$\hat{B}_1 = \hat{D}_1 \Rightarrow AD = AB = 8$$

$$\triangle ADH: AH^2 = AD^2 - DH^2 = 8^2 - 2^2 = 60$$

$$\Rightarrow BH^2 = AH^2 = 60$$



فیزیک (۱) - نگاه به گذشته

۳۱- گزینه «۱»

(عمید زرین کفش)

با توجه به رابطه انرژی جنبشی، داریم:

$$K = \frac{1}{2}mv^2 \rightarrow \frac{m=1/5 \text{ ton}=150 \cdot \text{kg}}{v=2 \frac{\text{km}}{\text{s}}=2000 \frac{\text{m}}{\text{s}}} \rightarrow$$

$$K = \frac{1}{2} \times 1500 \times (2000)^2 = 3 \times 10^9 \text{ J} = 3 \times 10^3 \text{ MJ}$$

(فیزیک ۱- کار، انرژی و توان - صفحه‌های ۵۴ و ۵۵)

۳۲- گزینه «۴»

(کیانوش شهریار)

با نوشتن رابطه محاسبه انرژی جنبشی به صورت مقایسه‌ای، داریم:

$$K = \frac{1}{2}mv^2 \Rightarrow \frac{K_B}{K_A} = \frac{m_B}{m_A} \times \left(\frac{v_B}{v_A}\right)^2$$

$$\frac{v_B=3v_A}{K_A=4K_B} \rightarrow \frac{K_B}{4K_B} = \frac{m_B}{m_A} \times \left(\frac{3v_A}{v_A}\right)^2 \Rightarrow \frac{m_B}{m_A} = \frac{1}{36}$$

(فیزیک ۱- کار، انرژی و توان - صفحه‌های ۵۴ و ۵۵)

۳۳- گزینه «۲»

(فرشاد لطف‌زاده)

اگر کمیت‌های مربوط به اتومبیل را با اندیس (۱) و کمیت‌های مربوط به موتور را با اندیس (۲) نمایش دهیم، در حالت اول داریم:

$$K = \frac{1}{2}mv^2 \Rightarrow \frac{K_1}{K_2} = \frac{m_1}{m_2} \times \left(\frac{v_1}{v_2}\right)^2$$

$$\frac{K_1=\frac{1}{2}K_2}{m_1=2m_2} \rightarrow \frac{1}{2} = 2 \times \left(\frac{v_1}{v_2}\right)^2$$

$$\Rightarrow \left(\frac{v_1}{v_2}\right)^2 = \frac{1}{4} \Rightarrow \frac{v_1}{v_2} = \frac{1}{2} \Rightarrow v_2 = 2v_1 \quad (*)$$

در حالت دوم، چون تندی اتومبیل به اندازه

$$\frac{v}{2} \rightarrow \frac{v}{2} \frac{\text{km}}{\text{h}} = \frac{v/2 \text{ m}}{3/6 \text{ s}} = 2 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$K = \frac{1}{2}mv^2 \Rightarrow \frac{K'_1}{K'_2} = \frac{m_1}{m_2} \times \left(\frac{v'_1}{v'_2}\right)^2$$

$$\frac{K'_1=K'_2}{m_1=2m_2, v'_1=v_1+2(m/s), v'_2=v_2} \rightarrow$$

$$1 = 2 \times \left(\frac{v_1+2}{v_2}\right)^2 \xrightarrow{(*)} \left(\frac{v_1+2}{2v_1}\right)^2 = \frac{1}{2}$$

$$\xrightarrow{\text{جذر}} \frac{v_1+2}{2v_1} = \frac{1}{\sqrt{2}} \Rightarrow v_1+2 = \sqrt{2}v_1$$

$$\Rightarrow (\sqrt{2}-1)v_1 = 2 \Rightarrow v_1 = \frac{2}{\sqrt{2}-1}$$

$$\xrightarrow{\text{صورت و مخرج ضربدر}} \frac{1}{\sqrt{2}+1} \rightarrow v_1 = \frac{2}{\sqrt{2}-1} \times \frac{\sqrt{2}+1}{\sqrt{2}+1}$$

$$\Rightarrow v_1 = 2\sqrt{2} + 2 \text{ (m/s)}$$

(فیزیک ۱- کار، انرژی و توان - صفحه‌های ۵۴ و ۵۵)

۳۴- گزینه «۴»

(امیر محمودی انزلی)

در حالت اولیه، زاویه بین بردارهای نیرو و جابه‌جایی $\theta_1 = 90^\circ - 37^\circ = 53^\circ$ است که در حالت دوم و با کاهش 16° ای، به $\theta_2 = 53^\circ - 16^\circ = 37^\circ$ می‌رسد. با استفاده از رابطه محاسبه کار یک نیروی ثابت، داریم:

$$W = Fd \cos \theta \Rightarrow \frac{W_2}{W_1} = \frac{F_2}{F_1} \times \frac{d_2}{d_1} \times \frac{\cos \theta_2}{\cos \theta_1}$$

$$\frac{F_2=2F_1, d_2=d_1}{\theta_1=53^\circ, \theta_2=37^\circ} \rightarrow \frac{W_2}{W_1} = \frac{2F_1}{F_1} \times \frac{\cos 37^\circ}{\cos 53^\circ}$$

$$\Rightarrow \frac{W_2}{W_1} = 2 \times \frac{4/5}{3/5} = \frac{8}{3}$$

(فیزیک ۱- کار، انرژی و توان - صفحه‌های ۵۵ تا ۶۰)

۳۵- گزینه «۴»

(هسین مفرومی)

با استفاده از تعریف کار یک نیروی ثابت برای هر کدام از حالات داریم:

$$W_1 = F_1 d_1 \cos \theta_1 = Fd \cos 0^\circ \Rightarrow W_1 = Fd$$

$$W_2 = F_2 d_2 \cos \theta_2 = 2Fd \cos 30^\circ \Rightarrow W_2 = \sqrt{3}Fd$$

$$W_3 = F_3 d_3 \cos \theta_3 = \sqrt{2}Fd \cos 60^\circ \Rightarrow W_3 = \frac{\sqrt{2}}{2}Fd$$

$$\Rightarrow W_2 > W_1 > W_3$$

بنابراین داریم:

(فیزیک ۱- کار، انرژی و توان - صفحه‌های ۵۵ تا ۶۰)



۳۶- گزینه «۲»

(اسعر عاچی زاده)

بر جسم چهار نیروی $\vec{F}_1$ ، $\vec{F}_2$ ، وزن و عمودی سطح وارد می‌شود که کار نیروهای وزن و عمودی سطح، به سبب عمود بودن نیرو بر امتداد مسیر حرکت برابر با صفر است. داریم:

$$W_{F_1} = F_1 d \cos \theta_1 \xrightarrow{\substack{F_1 = 200 \text{ N}, d = 2 \text{ m} \\ \theta_1 = 37^\circ}}$$

$$W_{F_1} = 200 \times 2 \times \cos 37^\circ = 400 \times 0.8 = 320 \text{ J}$$

$$W_{F_2} = F_2 d \cos \theta_2 \xrightarrow{\substack{F_2 = 100 \text{ N}, d = 2 \text{ m} \\ \theta_2 = 180^\circ - 53^\circ}}$$

$$W_{F_2} = 100 \times 2 \times \cos(180^\circ - 53^\circ) = -100 \times 2 \times \cos 53^\circ = -200 \times 0.6 = -120 \text{ J}$$

لذا کار کل انجام شده روی جسم که جمع جبری کار انجام شده توسط هر یک از نیروها می‌باشد، برابر است با:

$$W_t = W_{F_1} + W_{F_2} + W_{mg} + W_N$$

$$\Rightarrow W_t = 320 + (-120) + 0 + 0 = 200 \text{ J}$$

(فیزیک ۱-کار، انرژی و توان- صفحه‌های ۵۵ تا ۶۰)

۳۷- گزینه «۱»

(شیلا شیرزادی)

باید مجموع کار سه نیروی $\vec{F}$ ، اصطکاک و وزن را حساب کنیم:

$$W_t = W_{mg} + W_f + W_F$$

$$W_{mg} = -(U_f - U_1) \xrightarrow{U_1 = 0, U_f = mgh} W_{mg} = -mgh$$

$$\xrightarrow{\substack{m = 1 \text{ kg}, g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}} \\ h = 2 \text{ m}}} W_{mg} = -2 \text{ J}$$

$$W_f = f d \cos \theta_f \xrightarrow{\substack{\theta_f = 180^\circ, \cos \theta_f = -1 \\ f = 2 \text{ N}, d = \frac{2}{\sin 30^\circ} = 4 \text{ m}}} W_f = -2 \text{ J}$$

$$W_F = F d \cos \theta_F \xrightarrow{\substack{\theta_F = 0^\circ, \cos \theta_F = 1 \\ F = 20 \text{ N}, d = 4 \text{ m}}} W_F = 8 \text{ J}$$

$$W_t = -20 - 20 + 8 = -40 \text{ J}$$

(فیزیک ۱-کار، انرژی و توان- صفحه‌های ۵۵ تا ۶۰ و ۶۵)

۳۸- گزینه «۲»

(میثم دشتیان)

اگر از قضیه کار - انرژی جنبشی برای این جابه‌جایی استفاده کنیم، داریم:

$$W_t = \Delta K = \frac{1}{2} m (v_2^2 - v_1^2)$$

$$\xrightarrow{\substack{W_t = -36 \text{ J}, m = 8 \text{ kg} \\ v_1 = v_0, v_2 = \frac{80}{100} v_1 = \frac{4}{5} v_1}} -36 = \frac{1}{2} \times 8 \left[\left(\frac{4}{5} v_0 \right)^2 - v_0^2 \right]$$

$$\Rightarrow -\frac{9}{25} v_0^2 \times 4 = -36 \Rightarrow v_0^2 = 25$$

$$\Rightarrow v_0 = \sqrt{25} = 5 \sqrt{10} \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

(فیزیک ۱-کار، انرژی و توان- صفحه‌های ۵۴ تا ۶۴)

۳۹- گزینه «۱»

(غسرو ارغوانی فرد)

می‌دانیم کار نیروی خالص وارد بر جسم برابر با تغییر در انرژی جنبشی جسم می‌باشد. از صورت مسئله ابتدا جرم جسم را محاسبه می‌کنیم:

$$K = \frac{1}{2} m v^2 \Rightarrow 25 = \frac{1}{2} m \times 5^2 \Rightarrow m = 2 \text{ kg}$$

حال از قضیه کار - انرژی جنبشی استفاده می‌کنیم:

$$W_t = \frac{1}{2} m v^2 - \frac{1}{2} m v_0^2 = \frac{1}{2} m (v^2 - v_0^2)$$

$$\Rightarrow W_t = \frac{1}{2} \times 2 \times [(-10)^2 - (5)^2] = 75 \text{ J}$$

(فیزیک ۱-کار، انرژی و توان- صفحه‌های ۵۴ تا ۶۴)

۴۰- گزینه «۳»

(مصطفی کبانی)

می‌دانیم $W_{mg} = -\Delta U_g$ است. بنابراین می‌توان نوشت:

$$W_{mg} = -(U_{gB} - U_{gA}) \xrightarrow{\substack{U_{gA} = 100 \text{ J} \\ U_{gB} = 120 \text{ J}}}$$

$$W_{mg} = -(120 - 100) = -20 \text{ J}$$

(فیزیک ۱-کار، انرژی و توان- صفحه‌های ۶۴ تا ۶۸)

۴۱- گزینه «۳»

(پوریا علاقه‌مند)

کار نیروی وزن برابر منفی تغییرات انرژی پتانسیل گرانشی است. با در نظر گرفتن پایین‌ترین نقطه مسیر حرکت آونگ به عنوان مبدأ انرژی پتانسیل گرانشی داریم:

$$W_{mg} = -(U_B - U_A) \xrightarrow{U_A = mgh_A, U_B = mgh_B}$$

$$W_{mg} = mg(h_A - h_B)$$



راه حل دوم: طبق قضیه کار - انرژی جنبشی داریم:

$$\Delta K_A = W_{tA} \xrightarrow{K_{1A}=0, W_{tA}=W_{mgA}} \Delta K_A = K_{2A} - K_{1A}$$

$$K_{2A} = W_{mgA}$$

$$W_{mgA} = m_A g d_A \cos \theta_A \xrightarrow{\theta_A=0, \cos \theta_A=1} d_A = \frac{2}{3}h$$

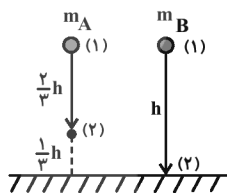
$$K_{2A} = \frac{2}{3}m_A gh$$

$$\Delta K_B = W_{tB} \xrightarrow{K_{1B}=0, W_{tB}=W_{mgB}} K_{2B} = W_{mgB}$$

$$W_{mgB} = m_B g d_B \cos \theta_B \xrightarrow{\theta_B=0, \cos \theta_B=1} d_B = h, m_B = 2m_A$$

$$K_{2B} = 2m_A gh$$

$$\Rightarrow \frac{K_{2B}}{K_{2A}} = \frac{2m_A gh}{\frac{2}{3}m_A gh} = 3$$



(فیزیک ۱-کار، انرژی و توان - صفحه‌های ۶۸ تا ۷۰)

۴۳- گزینه «۴»

(زهره رامشینی)

$$W_t = \Delta K$$

$$\Rightarrow W_t = W_{\text{وزن}} + W_{\text{نیروی مقاوم}} = K_2 - K_1 \quad (1)$$

$$W_{\text{وزن}} = -\Delta U = -(U_2 - U_1)$$

$$= -mg(h_2 - h_1) = -150 \times 10 \times (75 - 80) = 7500 \text{ J}$$

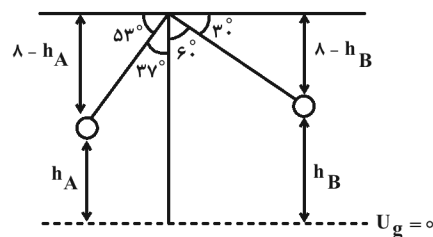
$$\Delta K = K_2 - K_1 = \frac{1}{2}m(v_2^2 - v_1^2)$$

$$= \frac{1}{2} \times 150 \times (20^2 - 18^2) = 5700 \text{ J}$$

$$\xrightarrow{(1)} 7500 + W_{\text{نیروی مقاوم}} = 5700$$

$$\Rightarrow W_{\text{نیروهای مقاوم}} = -1800 \text{ J}$$

(فیزیک ۱-کار، انرژی و توان - صفحه‌های ۶۱ تا ۶۴)



$$\lambda \times \sin 53^\circ = \lambda - h_A \xrightarrow{\sin 53^\circ = 4/5} h_A = 1/6 \text{ m}$$

$$\lambda \times \sin 37^\circ = \lambda - h_B \xrightarrow{\sin 37^\circ = 3/5} h_B = 4 \text{ m}$$

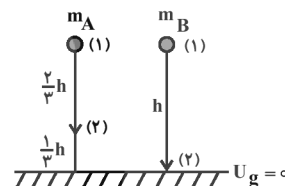
$$W_{mg} = mg(h_A - h_B) \xrightarrow{m=10 \text{ kg}, g=10 \text{ m/s}^2, h_A=1/6 \text{ m}, h_B=4 \text{ m}} W_{mg} = 0/9 \times 10 \times (1/6 - 4) = -21/6 \text{ J}$$

(فیزیک ۱-کار، انرژی و توان - صفحه‌های ۶۴ تا ۶۸)

۴۲- گزینه «۳»

(علیرضا بیاری)

با در نظر گرفتن سطح زمین به عنوان مبدأ انرژی پتانسیل گرانشی داریم:



چون مقاومت هوا ناچیز است، پایداری انرژی مکانیکی برای هر دو گلوله

$$E_{1A} = E_{2A} \quad \text{و} \quad E_{1B} = E_{2B} \quad \text{برقرار است:}$$

انرژی جنبشی گلوله A را در ارتفاع $\frac{h}{3}$ از سطح زمین و انرژی جنبشی

گلوله B را در لحظه رسیدن به سطح زمین به دست می‌آوریم و نسبت آن‌ها را تعیین می‌کنیم:

$$E_{1A} = E_{2A} \Rightarrow K_{1A} + U_{1A} = K_{2A} + U_{2A}$$

$$\xrightarrow{K_{1A}=0} m_A gh = K_{2A} + m_A g \frac{h}{3} \Rightarrow K_{2A} = \frac{2}{3}m_A gh$$

$$E_{1B} = E_{2B} \Rightarrow K_{1B} + U_{1B} = K_{2B} + U_{2B}$$

$$\xrightarrow{K_{1B}=0, U_{2B}=0} m_B gh = K_{2B}$$

$$\frac{K_{2B}}{K_{2A}} = \frac{m_B gh}{\frac{2}{3}m_A gh} \xrightarrow{m_B=2m_A} \frac{K_{2B}}{K_{2A}} = \frac{2m_A}{\frac{2}{3}m_A} = 3$$



$$W_{mg} = \Delta K \Rightarrow mg\Delta h = \frac{1}{2}m(v_2^2 - v_1^2)$$

$$\Rightarrow 10 \times (h - \frac{1}{9}h) = \frac{1}{2}(8^2 - 0^2) \Rightarrow h = \frac{9 \times 32}{10} m$$

به طور مشابه با نوشتن قضیه کار - انرژی جنبشی بین دو نقطه $(\frac{1}{9}h)$ و

نقطه ۳ $(\frac{3}{4}h)$ ، داریم:

$$W_{mg} = \Delta K \Rightarrow mg\Delta h = \frac{1}{2}m(v_3^2 - v_2^2)$$

$$\Rightarrow 10 \times (\frac{1}{9}h - \frac{3}{4}h) = \frac{1}{2}(v_3^2 - 8^2) \Rightarrow \frac{5}{18}h = v_3^2 - 64 \quad (1)$$

$$\Rightarrow \frac{5}{18} \left(\frac{9 \times 32}{10} \right) = v_3^2 - 64 \Rightarrow v_3^2 = 144 \Rightarrow v_3 = 12 \frac{m}{s}$$

(فیزیک ۱-کار، انرژی و توان - صفحه‌های ۶۱ تا ۶۴)

۴۶- گزینه «۱»

(دانیال راستی)

سطح زمین را مبدأ انرژی پتانسیل گرانشی فرض می‌کنیم و انرژی مکانیکی توپ در لحظه رها شدن را با E_1 نشان می‌دهیم:

$$E_1 = K_1 + U_1 \xrightarrow{K_1=0} E_1 = U_1 = mgh$$

$$\xrightarrow{m=400g} E_1 = 36J$$

$$g=10 \frac{m}{s^2}, h=9m$$

وقتی توپ در آستانه برخورد با زمین قرار دارد، انرژی مکانیکی E_2 دارد:

$$E_2 = K_2 + U_2 \xrightarrow{U_2=0} E_2 = K_2$$

تغییر انرژی مکانیکی در این مدت برابر با کار نیروی مقاومت هوا است:

$$W_{\text{مقاومت هوا}} = -hf_D = E_2 - E_1$$

$$\xrightarrow{E_1=36J, h=9m} -0.5 \times 9 = E_2 - 36$$

$$f_D = 0.5 N$$

$$\Rightarrow K_2 = E_2 = 31.5 J$$

انرژی مکانیکی در لحظه بعد از برخورد با زمین برابر E_3 است. با توجه به

این که بر اثر برخورد انرژی جنبشی ۲۰ درصد کم می‌شود، داریم:

$$E_3 = K_3 = (\frac{100-20}{100})K_2 = (0.8)(31.5) = 25.2 J$$

انرژی مکانیکی در زمانی که توپ پس از برخورد به زمین به ارتفاع h' می‌رسد برابر است با:

(مصطفی کیانی)

۴۴- گزینه «۳»

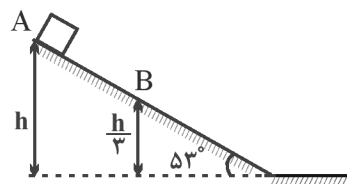
مطابق شکل زیر، جسم در نقطه A فقط انرژی پتانسیل گرانشی و در نقطه

B، هم انرژی جنبشی و هم انرژی پتانسیل گرانشی دارد. بنابراین با استفاده

از اصل پایستگی انرژی مکانیکی، انرژی پتانسیل گرانشی در بالای سطح شیب‌دار را می‌یابیم. دقت کنید، چون در نقطه B، ارتفاع از مبدأ پتانسیل

گرانشی، $\frac{1}{3}$ ارتفاع در نقطه A است، بنابه رابطه $U = mgh$ ، باید

$$U_B = \frac{1}{3} U_A \text{ باشد.}$$



$$E_A = E_B \xrightarrow{E=U+K} U_A + K_A = U_B + K_B$$

$$\xrightarrow{U_B = \frac{1}{3}U_A, K_A=0} U_A + 0 = \frac{1}{3}U_A + \frac{1}{2}mv^2$$

$$\xrightarrow{K_B = \frac{1}{2}mv_B^2} U_A + 0 = \frac{1}{3}U_A + \frac{1}{2}mv^2$$

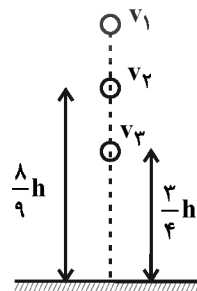
$$\xrightarrow{m=4kg, v_B=10m/s} \frac{2}{3}U_A = \frac{1}{2} \times 4 \times 100$$

$$\Rightarrow \frac{2}{3}U_A = 200 \Rightarrow U_A = 300 J$$

(فیزیک ۱-کار، انرژی و توان - صفحه‌های ۶۸ تا ۷۰)

۴۵- گزینه «۲»

(سیدعلی میرنوری)



تنها نیرویی که در این جابه‌جایی بر روی جسم کار انجام می‌دهد، نیروی وزن جسم است. بنابراین با استفاده از قضیه کار - انرژی جنبشی، برای دو نقطه شروع

و نقطه ۲ $(\frac{1}{2}h)$ داریم:



$$P_{\text{پمپ}} = \frac{R_a}{100} \times P_{\text{مصرفی}} \xrightarrow{\frac{R_a}{100} = 0/8} P_{\text{مصرفی}} = 9kW = 9000W$$

$$P_{\text{پمپ}} = 0/8 \times 9000 = 7200W$$

کار پمپ را در مدت یک ثانیه محاسبه می‌کنیم:

$$P_{\text{پمپ}} = \frac{W_{\text{پمپ}}}{t} \xrightarrow{P_{\text{پمپ}} = 7200W, t = 1s} 7200 = \frac{W_{\text{پمپ}}}{1} \Rightarrow W_{\text{پمپ}} = 7200J$$

حال با توجه به قضیه کار و انرژی جنبشی تندی خروج آب از لوله را محاسبه می‌کنیم:

$$\Delta K = W_t \Rightarrow \frac{1}{2}mv^2 - \frac{1}{2}mv_0^2 = W_{\text{وزن}} + W_{\text{پمپ}}$$

تندی اولیه آب در ته چاه برابر صفر است ($v_0 = 0$) و کار وزن آب در جابه‌جایی از ته چاه تا لوله خروجی برابر است با:

$$W_{\text{وزن}} = -mgh \Rightarrow \frac{1}{2}mv^2 = -mgh + W_{\text{پمپ}}$$

$$\xrightarrow{m = 12kg, h = 30m} \xrightarrow{W_{\text{پمپ}} = 7200J, g = 10 \frac{N}{kg}}$$

$$\frac{1}{2} \times 12v^2 = -12 \times 10 \times 30 + 7200$$

$$\Rightarrow 6v^2 = 3600 \Rightarrow v^2 = 600 \Rightarrow v = 10\sqrt{6} \frac{m}{s}$$

(فیزیک ۱-کار، انرژی و توان - صفحه‌های ۶۱ تا ۶۸ و ۷۳ تا ۷۶)

۵۰- گزینه «۲»

(مسعود قره‌قانی)

ابتدا توان خروجی (مفید) را محاسبه کنیم:

$$W_t = K_2 - K_1 \Rightarrow W_t = \frac{1}{2}mv_2^2 - 0 = \frac{1}{2} \times 150 \times 6^2 = 2700J$$

$$P_{\text{خروجی}} = \frac{W_t}{t} \Rightarrow P_{\text{خروجی}} = \frac{2700}{10} = 270W$$

برای محاسبه بازده داریم:

$$\text{بازده} = \frac{\text{توان خروجی}}{\text{توان ورودی}} \times 100$$

$$\Rightarrow \text{بازده} = \frac{270}{600} \times 100 = 45\%$$

(فیزیک ۱-کار، انرژی و توان - صفحه‌های ۶۱ تا ۶۴ و ۷۳ تا ۷۶)

$$E_f = K_f + U_f \xrightarrow{K_f = 0} E_f = U_f = mgh'$$

تغییر انرژی مکانیکی در مسیر برگشت برابر با کار مقاومت هوا در این مسیر است:

$$\Delta E' = E_f - E_p = W'_{\text{هوا}} = -h'f_D \xrightarrow{E_p = 25/2, E_f = mgh', f_D = 0/5N}$$

$$(0/4)(10)h' - 25/2 = -h'(0/5) \Rightarrow h' = 5/6m$$

(فیزیک ۱-کار، انرژی و توان - صفحه‌های ۷۱ تا ۷۳)

۴۷- گزینه «۴»

(فرشید کارخانه)

$$\frac{P_{\text{اتلافی}}}{P_{\text{مفید}}} = \frac{1}{4} \Rightarrow P_{\text{مفید}} = 4P_{\text{اتلافی}}$$

توان کل برابر است با مجموع توان مفید و توان تلف شده. لذا خواهیم داشت:

$$P_{\text{اتلافی}} = 5P_{\text{اتلافی}} + P_{\text{مفید}} \Rightarrow P_{\text{کل}} = 4P_{\text{اتلافی}} + P_{\text{مفید}} \Rightarrow P_{\text{کل}} = 5P_{\text{مفید}}$$

حال با استفاده از رابطه بازده خواهیم داشت:

$$\text{بازده} = \frac{P_{\text{مفید}}}{P_{\text{کل}}} \times 100 = \frac{4P_{\text{اتلافی}}}{5P_{\text{اتلافی}}} \times 100 = 80\%$$

(فیزیک ۱-کار، انرژی و توان - صفحه‌های ۷۳ تا ۷۶)

۴۸- گزینه «۱»

(ناصر امیروار)

$$W_t = K_2 - K_1 = \frac{1}{2}m(v_2^2 - v_1^2) = \frac{1}{2} \times 800 \times (400 - 25)$$

$$\Rightarrow W_t = 150000J$$

$$P_{\text{av}} = \frac{W}{\Delta t} = \frac{150000}{4} = 37500W = \frac{37500}{750}hp = 50hp$$

(فیزیک ۱-کار، انرژی و توان - صفحه‌های ۶۱ تا ۶۴، ۷۳ و ۷۴)

۴۹- گزینه «۳»

(مهران اسماعیلی)

ابتدا با داشتن حجم و چگالی آب، جرم آب خروجی در هر ثانیه را محاسبه می‌کنیم:

$$V = 12L = 12 \times 10^{-3}m^3$$

$$\rho = \frac{m}{V} \Rightarrow m = \rho V \xrightarrow{\rho = 1000 \frac{kg}{m^3}, V = 12 \times 10^{-3}m^3}$$

$$m = 1000 \times 12 \times 10^{-3} = 12kg$$

سپس توان مفید پمپ را به‌دست می‌آوریم:



شیمی (۱) - نگاه به گذشته

۵۱- گزینه «۲»

(ایمان عسین نژاد)

رطوبت هوا در لایه تروپوسفر (نخستین لایه هواکره) از جایی به جای دیگر و از لحظه‌ای به لحظه دیگر متغیر بوده و میانگین بخار آب در این لایه حدود یک درصد است.

(شیمی ۱- رد پای گازها در زندگی - صفحه‌های ۴۷ تا ۵۲)

۵۲- گزینه «۱»

(امیر شامیان)

بررسی گزینه‌ها:

گزینه «۱»: نقطه جوش گازهای اکسیژن، آرگون و نیتروژن برحسب درجه سلسیوس، به ترتیب برابر ۱۸۳-، ۱۸۶- و ۱۹۶- است؛ بنابراین طی کاهش دما، ابتدا اکسیژن، سپس آرگون و در نهایت گاز نیتروژن به حالت مایع تبدیل می‌شود.

گزینه «۲»: در حالت (۳) آرگون به صورت گاز از هوای مایع خارج می‌شود، اما گاز اکسیژن همچنان به صورت مایع در ظرف وجود دارد که در هوای پاک و خشک درصد حجمی بالایی (حدود ۲۱٪) دارد.

گزینه «۳»: گاز خارج شده در حالت (۲)، نیتروژن است ولی از هلیوم برای خنک کردن قطعات الکترونیکی در دستگاه‌های تصویربرداری مانند MRI استفاده می‌شود.

گزینه «۴»: تهیه اکسیژن صد در صد خالص در این فرایند دشوار است، زیرا نقطه جوش آن نزدیک به آرگون است.

(شیمی ۱- رد پای گازها در زندگی - صفحه‌های ۵۰ تا ۵۴)

۵۳- گزینه «۱»

(دلنیا موموری)

گزینه «۱»: انرژی گرمایی (نه انرژی شیمیایی) مولکول‌ها سبب می‌شود تا پیوسته آن‌ها در حال جنبش باشند و در سرتاسر هواکره توزیع شوند.

گزینه «۲»: مطابق نمودارهای با هم بیندیشیم صفحه ۶۷ کتاب درسی درست است.

گزینه «۳»: بقیه سیارات نیز اتمسفر دارند اما زمین تنها سیاره‌ای است که اتمسفر قابل زیستن دارد.

گزینه «۴»: در لایه تروپوسفر به ازای هر کیلومتر (۱۰۰۰ متر) که از سطح زمین ارتفاع می‌گیریم، دما در حدود ۶ درجه سلسیوس افت می‌کند، در نتیجه اگر ۵۰۰۰ متر ارتفاع بگیریم، ۳۰ درجه سلسیوس کاهش می‌یابد. حال اگر دما در سطح زمین ۲۲+ درجه سلسیوس باشد، پس در ارتفاع ۵۰۰۰ متری دما ۸- درجه سلسیوس خواهد بود.

$$+22 + (-30) = -8^{\circ}\text{C}$$

(شیمی ۱- رد پای گازها در زندگی - صفحه‌های ۴۸، ۵۰ و ۶۷)

۵۴- گزینه «۳»

(رسول عابدینی زواره)

بررسی گزینه‌ها:

(۱) گاز هلیوم را می‌توان از تقطیر جزء به جزء هوای مایع و افزون بر هوای مایع، از تقطیر جزء به جزء گاز طبیعی نیز بدست آورد.

(۲) ۷ درصد حجمی مخلوط گاز طبیعی هلیوم است.

(۳) سبک‌ترین گاز نجیب هلیوم است.

(۴) در کپسول غواصی از گاز هلیوم ${}^4\text{He}$ استفاده می‌شود که آرایش الکترونی آن هشت‌تایی نمی‌باشد. ($\text{He} : 1s^2$)

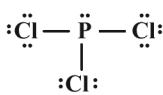
(شیمی ۱- رد پای گازها در زندگی - صفحه‌های ۵۰ تا ۵۴)

۵۵- گزینه «۱»

(رضا سلیمانی)

با توجه به ساختار PCl_3 ، نسبت جفت الکترون‌های پیوندی به جفت

الکترون‌های ناپیوندی برابر $\frac{3}{10}$ است.

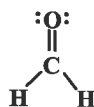




بررسی گزینه‌های نادرست:

گزینه «۲»: در ترکیب MO_3 در صورتی که همه اتم‌ها از قاعده هشت‌تایی پیروی کنند، M می‌تواند متعلق به گروه‌های ۱۴ و ۱۶ جدول تناوبی باشد.

گزینه «۳»: با توجه به ساختار لوویس CH_3O ، اتم‌های H از قاعده هشت‌تایی پیروی نکرده‌اند.



گزینه «۴»: شمار الکترون‌های ظرفیتی ترکیب از رابطه زیر به دست می‌آید:

$$\Rightarrow 24 = (X + 3(6)) \Rightarrow X = 6$$

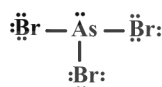
بنابراین عنصر X در این ترکیب عنصری از گروه ۱۶ جدول تناوبی است.

(شیمی ۱- ردپای گازها در زندگی - صفحه‌های ۵۵ تا ۵۸)

۵۶- گزینه «۳»

(رضا سلیمانی)

$AsBr_3$ آرسنیک تری‌برمید نام دارد و دارای ۱۰ جفت الکترون ناپیوندی است.



با توجه به ساختار $O \equiv C$ ، مولکول کربن مونوکسید دارای ۲ جفت الکترون ناپیوندی است.

گزینه «۴»: هر ۲ گونه دارای ۴ پیوند اشتراکی هستند و الکترون‌های پیوندی برابری دارند.



(شیمی ۱- ردپای گازها در زندگی - صفحه‌های ۵۵ تا ۵۸)

۵۷- گزینه «۲»

(سیدعلیرضا سیدی‌ملاج)

بررسی گزینه‌ها:

(۱) در ترکیب اسکاندیم اکسید بار الکترونی کاتیون ۳+ است. در ترکیب دی‌نیتروژن پنتااکسید با فرمول شیمیایی N_2O_5 اختلاف تعداد اتم این عنصرها برابر ۳ است.

(۲) ترکیبات مولکولی مانند گوگرد دی‌اکسید حاصل اشتراک‌گذاری الکترون بین اتم‌های شرکت‌کننده در ترکیب هستند. اما ترکیبات یونی مانند آهن (III) اکسید حاصل انتقال (مبادله) الکترون میان اتم‌ها و تشکیل کاتیون و آنیون می‌باشند.

(۳) در PCl_3 ۴ اتم و ۲ عنصر وجود دارد، پس نسبت شمار کل اتم‌ها به عناصر برابر با ۲ است.

(۴) مجموع شمار اتم‌ها در P_4O_6 برابر با ۱۰ و مجموع شمار اتم‌ها در N_2O_3 برابر با ۵ است، پس نسبت شمار اتم‌ها در ترکیب اول به ترکیب دوم برابر ۲ است.

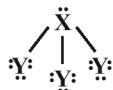
(شیمی ۱- ردپای گازها در زندگی - صفحه‌های ۵۵ تا ۵۸)

۵۸- گزینه «۱»

(امیر هاتمیان)

بررسی گزینه‌ها:

گزینه «۱»: با توجه به این که اتم‌های نافلز X و Y به ترتیب به آرایش گاز نجیب آرگون و نئون رسیده‌اند؛ بنابراین ساختار XY_3 به صورت داده شده می‌باشد:



و اتم‌های X و Y به ترتیب فسفر P (از گروه ۱۵) و فلوئور F (از گروه ۱۷) جدول تناوبی هستند.

گزینه «۲»: تعداد الکترون‌های موجود در ساختار مولکول XY_3 برابر ۲۶ بوده که با عدد اتمی Fe (آهن) که مربوط به گروه ۸ و دوره چهارم جدول تناوبی است، برابر است.



شیمی (۱) - سوالات آشنا

۶۱- گزینه «۳»

(کتاب آبی)

از واکنش اکسید اغلب فلزها با آب، محلولی با خاصیت بازی و از واکنش اکسید اغلب نافلزها با آب، محلولی با خاصیت اسیدی تولید می‌شود.

(شیمی ۱- رد پای گازها در زندگی- صفحه‌های ۶۰ و ۶۱)

۶۲- گزینه «۴»

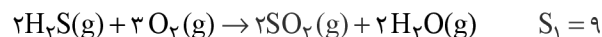
(کتاب آبی)

در معادله نمادی یک واکنش، ترتیب مخلوط کردن واکنش‌دهنده‌ها و نکته‌های ایمنی واکنش مشخص نمی‌شود.

(شیمی ۱- رد پای گازها در زندگی- صفحه‌های ۶۲ و ۶۳)

۶۳- گزینه «۴»

(کتاب آبی)



$$S_2 - S_1 = 19 - 9 = 10$$

(شیمی ۱- رد پای گازها در زندگی- صفحه‌های ۶۳ تا ۶۵)

۶۴- گزینه «۴»

(کتاب آبی)

تنها عبارت (پ) درست است.

(آ) نسبت ضریب استوکیومتری $Cu(NO_3)_2$ به ضریب استوکیومتری

$$H_2O \text{ برابر } \frac{3}{4} \text{ می‌باشد.}$$

(ب) بیش‌ترین ضریب استوکیومتری در بین فراورده‌ها مربوط به گونه H_2O است.

(پ) مجموع ضرایب استوکیومتری فراورده‌ها از واکنش دهنده‌ها ۲ واحد کم‌تر است.

(ت) براساس قانون پایستگی جرم، شمار اتم‌ها در دو طرف معادله برابر است.

(شیمی ۱- رد پای گازها در زندگی- صفحه‌های ۶۳ تا ۶۵)

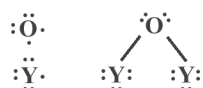
گزینه «۳»: آرایش الکترونی لایه ظرفیت اتم فسفر (X) به صورت

« $3s^2 3p^3$ » است که تعداد الکترون‌های آخرین زیرلایه آن یک واحد

کمتر از تعداد الکترون‌های ظرفیت دومین عضو عناصر دسته d یعنی

 Ti_{22} با آرایش الکترونی لایه ظرفیت $3d^2 4s^2$ است.

گزینه «۴»:



$$\frac{\text{تعداد جفت } e^- \text{ های پیوندی}}{\text{تعداد } e^- \text{ های ناپیوندی}} = \frac{2}{16} = \frac{1}{8}$$

(شیمی ۱- رد پای گازها در زندگی- صفحه‌های ۵۵ تا ۵۸)

۵۹- گزینه «۱»

(ارنگ فاندری)

گاز کربن مونوکسید سمی و کشنده است و برخلاف گاز کربن دی اکسید در

سوختن گاز شهری با رنگ شعله زرد تولید می‌شود.

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه «۲»: از جمله فراورده‌های سوختن زغال سنگ کربن دی اکسید است.

گزینه «۳»: در سوختن کامل CO_2 و در سوختن ناقص CO ایجاد می‌شود.

گزینه «۴»: در هر دو مولکول $C \equiv O$ و $\ddot{O} = C = \ddot{O}$ اتم‌ها در یک

راستا قرار دارند.

(شیمی ۱- رد پای گازها در زندگی- صفحه‌های ۵۵ تا ۶۰)

۶۰- گزینه «۳»

(ایمان حسین‌نژاد)

آهک همان کلسیم اکسید است که نوعی اکسید فلزی است.

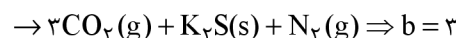
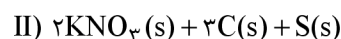
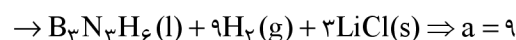
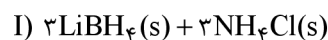
(شیمی ۱- رد پای گازها در زندگی- صفحه‌های ۵۸ تا ۶۱)



۶۵- گزینه «۲»

(کتاب آبی)

موازنه واکنش‌ها:



$$\Rightarrow a + b = 12$$

(شیمی ۱- ردپای گازها در زندگی- صفحه‌های ۶۳ تا ۶۵)

۶۶- گزینه «۴»

(کتاب آبی)

با توجه به جدول صفحه ۶۶ کتاب درسی، ترتیب ردپای کربن دی‌اکسید ایجاد شده از منابع تولید برق در ازای تولید مقدار برق یکسان، به صورت زیر می‌باشد:

زغال سنگ < نفت خام < گاز طبیعی < انرژی خورشیدی < گرمای زمین < باد

(شیمی ۱- ردپای گازها در زندگی- صفحه ۶۶)

۶۷- گزینه «۲»

(کتاب آبی)

در سده اخیر، با افزایش مقدار کربن دی‌اکسید و افزایش دمای کره زمین، مساحت برف در نیم‌کره شمالی کاهش یافته است.

(شیمی ۱- ردپای گازها در زندگی- صفحه‌های ۶۶ تا ۶۹)

۶۸- گزینه «۲»

(کتاب آبی)

با توجه به شکل صفحه ۶۹ کتاب درسی، پرتوهای خورشیدی به سه دسته تقسیم می‌شوند:

۱- بخش عمده که توسط زمین جذب می‌شود.

۲- بخش کوچکی که توسط هواکره جذب می‌شود.

۳- بخش کوچکی که به فضا بازتابیده می‌شود.

بررسی گزینه‌های نادرست:

گزینه «۱»: بخشی از این پرتوها به فضا بازتابیده می‌شود.

گزینه «۳»: پرتوهای تابیده شده توسط خورشید دارای انرژی بیشتر اما طول موج کوتاه‌تری نسبت به پرتوهای بازتابیده شده توسط زمین است.

گزینه «۴»: گازهای گلخانه‌ای باعث شده‌اند که میانگین دمای کره زمین به 18°C - کاهش نیابد (نه پرتوهای خورشیدی).

(شیمی ۱- ردپای گازها در زندگی- صفحه‌های ۶۸ و ۶۹)

۶۹- گزینه «۴»

(کتاب آبی)

هر چهار عبارت درست است. در گاز خروجی از اگزوز خودروها:

آ) CO ، CO_2 و ... جزو اکسیدهای نافلزی هستند.

ب) مولکول CO دارای سه جفت الکترون پیوندی است.

ج) $\text{C} \equiv \text{O}$:

د) گاز SO_2 در تولید سولفوریک اسید کاربرد دارد.

ت) مولکول‌های C_xH_y فاقد جفت الکترون ناپیوندی هستند.

(شیمی ۱- ردپای گازها در زندگی- صفحه‌های ۵۵ تا ۶۱ و ۶۶ تا ۶۸)

۷۰- گزینه «۳»

(کتاب آبی)

تفاوت جرم کربن دی‌اکسید تولید شده در تولید برق از زغال سنگ و گرمای زمین برحسب کیلوگرم به ازای تولید هر کیلووات ساعت برق برابر است با:

$$87 / 0.3 - 9 / 0 =$$

بنابراین:

$$87 / 0.3 - 9 / 0 = 522 \text{ kg CO}_2 \times \frac{\text{کیلووات ساعت}}{1} = 522 \text{ kg CO}_2 \times \frac{0.3}{1} = 156.6 \text{ kg CO}_2$$

(شیمی ۱- ردپای گازها در زندگی- صفحه‌های ۶۶ تا ۶۸)



حسابان (۱) - نگاه به آینده

۷۱- گزینه «۴»

(معبری ملارمسانی)

اگر اضلاع مستطیل را x_1 و x_2 در نظر بگیریم، داریم:

$$S = x_1 + x_2 = \frac{42}{2} = 21$$

$$P = x_1 x_2 = 38$$

$$x^2 - Sx + P = 0 \Rightarrow x^2 - 21x + 38 = 0$$

$$\Rightarrow (x-2)(x-19) = 0 \Rightarrow \begin{cases} x_1 = 2 \\ x_2 = 19 \end{cases}$$

قطر مستطیل برابر است با:

$$d^2 = 361 + 4 = 365 \Rightarrow d = \sqrt{365}$$

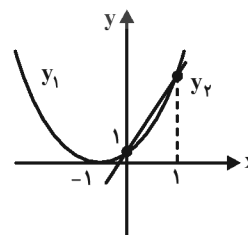
(حسابان ۱- مشابه مثال صفحه ۹)

۷۲- گزینه «۲»

(معبری ملارمسانی)

با توجه به روش هندسی معادلات داریم:

$$(x+1)^2 = 3x+1 \Rightarrow \begin{cases} y_1 = (x+1)^2 \\ y_2 = 3x+1 \end{cases}$$



دو نمودار، در دو نقطه همدیگر را قطع می‌کنند بنابراین معادله دارای دو

جواب است.

(حسابان ۱- مشابه فعالیت صفحه ۱۴)

۷۳- گزینه «۳»

(معبری ملارمسانی)

در معادله داده شده داریم:

$$|x+1| = |2x+4| \Rightarrow \begin{cases} 2x+4 = x+1 \Rightarrow x = -3 \\ 2x+4 = -x-1 \Rightarrow 3x = -5 \\ \Rightarrow x = -\frac{5}{3} \end{cases}$$

مجموع جوابها برابر است با:

$$-3 + \left(-\frac{5}{3}\right) = -\frac{14}{3}$$

(حسابان ۱- مشابه مثال صفحه ۲۶)

۷۴- گزینه «۴»

(مجتبی نادری)

مضارب دو رقمی عدد ۳ عبارت است از:

دنباله حسابی است. $99, 15, \dots \Rightarrow$

$$3 = \frac{99-15}{3} + 1 = 30$$

$$\begin{cases} a_1 = 12 \\ n = 30, S_n = \frac{n}{2} [2a_1 + (n-1)d] \\ d = 3 \end{cases}$$

$$\xrightarrow{n=30} S_{30} = \frac{30}{2} [2 \times 12 + (30-1) \times 3] = 15 [24 + 87] = 15 \times 111 = 1665$$

(حسابان ۱- صفحه‌های ۲ تا ۴)

۷۵- گزینه «۱»

(علی آزار)

$$\begin{aligned} x^2 + 2x + 1 &= \sqrt{2(x^2 + 2x + 1) + 8} \xrightarrow{x^2 + 2x + 1 = t} \\ \Rightarrow t &= \sqrt{2t + 8} \Rightarrow t^2 - 2t - 8 = 0 \Rightarrow (t-4)(t+2) = 0 \\ \Rightarrow \begin{cases} t = 4 \Rightarrow (x+1)^2 = 4 \Rightarrow x+1 = \pm 2 \Rightarrow \begin{cases} x_1 = -3 \\ x_2 = 1 \end{cases} \\ t = -2 \Rightarrow (x+1)^2 = -2 \end{cases} \end{aligned}$$

$$\xrightarrow{\text{حاصل ضرب ریشه‌ها}} x_1 \times x_2 = -3$$

(حسابان ۱- صفحه‌های ۱۳ و ۲۰ تا ۲۲)



۷۶- گزینه «۴»

(کیانوش شهریار)

فرم کلی سهمی باید به شکل زیر باشد. پس:



$$\Delta = 0, a > 0$$

$$a > 0 \Rightarrow -(k-2) > 0 \Rightarrow k-2 < 0 \Rightarrow k < 2$$

$$\Delta = 0 \Rightarrow (-k)^2 - 4(-(k-2))\left(\frac{1}{4}\right) = 0$$

$$\Rightarrow k^2 + k - 2 = 0 \Rightarrow (k-1)(k+2) = 0$$

$$\Rightarrow k = 1, k = -2 \Rightarrow (k < 2 \text{ چون})$$

(مسابان ۱- صفحه‌های ۷ و ۱۳)

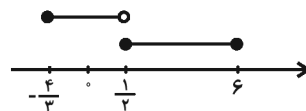
۷۷- گزینه «۳»

(وفیر رافتی)

$$\begin{cases} x \geq \frac{1}{2} : 2x - 1 \leq x + 5 \Rightarrow x \leq 6 \\ \text{اشتراک با} \\ x \geq \frac{1}{2} \end{cases} \Rightarrow \left[\frac{1}{2}, 6\right]$$

$$\begin{cases} x < \frac{1}{2} : -2x + 1 \leq x + 5 \Rightarrow x \geq -\frac{4}{3} \\ \text{اشتراک با} \\ x < \frac{1}{2} \end{cases} \Rightarrow \left[-\frac{4}{3}, \frac{1}{2}\right)$$

در آخر بین دو مجموعه جواب به دست آمده، اجتماع می‌گیریم:



$$\left[-\frac{4}{3}, \frac{1}{2}\right) \cup \left[\frac{1}{2}, 6\right] = \left[-\frac{4}{3}, 6\right] \Rightarrow \begin{cases} a = -\frac{4}{3} \\ b = 6 \end{cases}$$

$$\Rightarrow a \times b = -\frac{4}{3} \times 6 = -8$$

(مسابان ۱- صفحه‌های ۲۳ و ۲۸)

۷۸- گزینه «۲»

(پوپک اسلامی)

طبق تعریف قدرمطلق

$$|a| = \begin{cases} a & ; a \geq 0 \\ -a & ; a < 0 \end{cases} \quad \text{یا} \quad |a| = \begin{cases} a & , a > 0 \\ -a & , a \leq 0 \end{cases}$$

گزینه‌های «۱، ۳ و ۴» درست هستند.

مثال نقض برای گزینه «۲»، $a = 0$ است.

(مسابان ۱- صفحه‌های ۲۳ و ۲۸)

۷۹- گزینه «۳»

(نسترن صمدی)

عمودمنصف AB خطی است که از نقطه وسط AB می‌گذرد و بر آن

عمود است.

$$AB \text{ نقطه وسط} = \left(\frac{1+3}{2}, \frac{1-1}{2}\right) = (2, 0)$$

$$AB \text{ شیب} = \frac{1-(-1)}{1-3} = \frac{2}{-2} = -1 \Rightarrow AB \text{ بر شیب خط عمود بر } AB = 1$$

$$\begin{cases} (2, 0) \\ m = 1 \end{cases} \Rightarrow y - 0 = 1(x - 2) \Rightarrow y = x - 2$$

(مسابان ۱- صفحه‌های ۲۹ و ۳۶)

۸۰- گزینه «۲»

(امیرھوشنگ فمسه)

فاصله نقطه (x_0, y_0) از خط $ax + by + c = 0$ برابر است با:

$$\frac{|ax_0 + by_0 + c|}{\sqrt{a^2 + b^2}}$$

$$\text{فاصله} = \frac{|m(1) + 6 - m|}{\sqrt{m^2 + 9}} = \frac{6}{\sqrt{m^2 + 9}}$$

برای اینکه فاصله ماکزیمم شود باید مخرج مینیمم شود پس باید $m = 0$

لذا حداکثر فاصله برابر ۲ است.

(مسابان ۱- صفحه‌های ۲۹ و ۳۶)



حسابان (۱) - سوالات آشنا

۸۱- گزینه «۴»

(کتاب اول)

در معادله درجه دوم $ax^2 + bx + c = 0$ با شرط $\Delta > 0$ مجموعریشه‌ها و حاصلضرب ریشه‌ها به ترتیب برابر $S = \frac{-b}{a}$ و $P = \frac{c}{a}$ می‌باشد.

بنابراین داریم:

$$S = \frac{-(-a)}{1} = a = 3 \quad (*)$$

$$P = \frac{a-2}{1} = a-2 \xrightarrow{(*)} P = 3-2 = 1$$

(حسابان ۱- صفحه‌های ۷ تا ۹)

۸۲- گزینه «۲»

(کتاب اول)

در معادله درجه دوم داده شده داریم:

$$S = \alpha + \beta = -4 \quad \text{و} \quad P = \alpha\beta = -1$$

با جای‌گذاری α در معادله داریم:

$$\alpha^2 + 4\alpha = 1 \xrightarrow{\times \alpha} \alpha^3 + 4\alpha^2 = \alpha \quad (*)$$

حال داریم:

$$\begin{aligned} \alpha^3 + 4\alpha^2 + \beta + 3\alpha^2\beta^2 &= \alpha + \beta + 3(\alpha\beta)^2 \\ &= -4 + 3(-1)^2 = -1 \end{aligned}$$

(حسابان ۱- صفحه‌های ۷ تا ۹)

۸۳- گزینه «۲»

(کتاب اول)

با توجه نمودار، سهمی محور x ها را در دو نقطه $x_1 = 1$ و $x_2 = -3$ قطع کرده است بنابراین داریم:

$$y = a(x - x_1)(x - x_2) \Rightarrow y = a(x - 1)(x + 3)$$

همچنین نقطه $(-2, 0)$ روی سهمی قرار دارد:

$$-2 = a(-1)(3) \Rightarrow a = \frac{2}{3}$$

در نتیجه ضابطه سهمی به صورت

$$y = \frac{2}{3}(x^2 + 2x - 3) = \frac{2}{3}x^2 + \frac{4}{3}x - 2$$

کمترین مقدار سهمی همان عرض رأس سهمی است که برابر

$$y = f\left(\frac{-b}{2a}\right) \text{ می‌باشد.}$$

$$y_s = f\left(\frac{-b}{2a}\right) = f(-1) \Rightarrow y_s = \frac{2}{3}(-1)^2 + \frac{4}{3}(-1) - 2 = \frac{-8}{3}$$

(حسابان ۱- صفحه‌های ۱۰ تا ۱۳)

۸۴- گزینه «۴»

(کتاب اول)

$$\sqrt{x+1} = \sqrt{x+4} + 1$$

$$\xrightarrow{\text{طرفین به توان ۲}} x+1 = x+4+2\sqrt{x+4}+1 \Rightarrow 2\sqrt{x+4} = -4$$

$$\Rightarrow \sqrt{x+4} = -2$$

حاصل یک رادیکال با فرجه زوج همواره نامنفی است. بنابراین معادله جواب ندارد.

روش دوم: چون $x+1 < x+4$ در نتیجه $\sqrt{x+1} < \sqrt{x+4}$ وبنابراین $\sqrt{x+1} - \sqrt{x+4} < 0$ می‌باشد و نمی‌تواند برابر ۱ باشد.

(حسابان ۱- صفحه‌های ۲۰ و ۲۱)

۸۵- گزینه «۳»

(کتاب اول)

با استفاده از تغییر متغیر $\sqrt{2x^2+x} = t$ داریم:

$$t^2 + 4t = 5 \Rightarrow t^2 + 4t - 5 = 0$$

$$\Rightarrow (t-1)(t+5) = 0$$

$$\begin{cases} t=1 \Rightarrow \sqrt{2x^2+x} = 1 \Rightarrow 2x^2+x-1=0 \\ a+c=b \rightarrow x=-1 \text{ یا } x=\frac{1}{2} \end{cases}$$

$$t=-5 \Rightarrow \sqrt{2x^2+x} = -5 \quad \text{غلق}$$

هر دو جواب $x = -1$ و $x = \frac{1}{2}$ در معادله اولیه صدق می‌کنند بنابراین

قابل قبول هستند و داریم:

$$\left| \frac{1}{2} - (-1) \right| = \left| \frac{3}{2} \right| = \frac{3}{2}$$

(حسابان ۱- صفحه‌های ۲۰ و ۲۱)



۸۶- گزینه «۴»

(کتاب اول)

طبق فرض $x < -2$ بنابراین $|x| = -x$ حال داریم:

$$|2 - |x|| - \sqrt{x^2} = |2 - (-x)| - |x| = |2 + x| - |x|$$

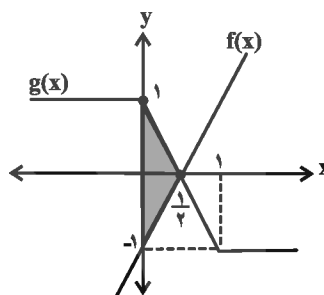
$$\underline{x + 2 \leq 0} \quad -2 - x + x = -2$$

(حسابان ۱- صفحه ۲۵)

۸۷- گزینه «۳»

(کتاب اول)

نمودارهای توابع داده شده را در یک دستگاه مختصات رسم می‌کنیم.

 $g(x)$ یک تابع سراسره‌ای (آبشاری) است.

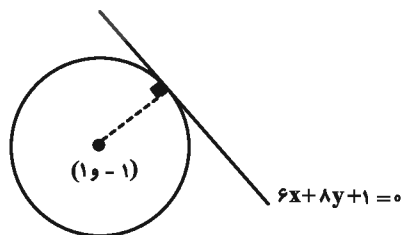
$$\Rightarrow S = \frac{1}{2} \times 2 \times \frac{1}{2} = \frac{1}{2}$$

(حسابان ۱- صفحه ۲۶)

۸۸- گزینه «۲»

(کتاب اول)

شکل فرضی رو به رو را در نظر بگیرید.



با توجه به شکل فاصله مرکز تا خط مماس برابر شعاع دایره می‌باشد:

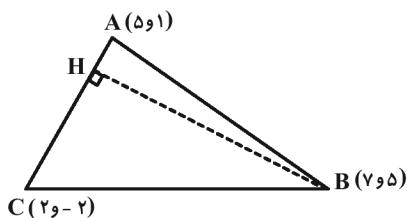
$$R = \frac{|6 - 8 + 1|}{\sqrt{6^2 + 8^2}} = \frac{1}{10} \Rightarrow S = \pi R^2 = \frac{\pi}{100}$$

(حسابان ۱- صفحه‌های ۲۹ تا ۳۶)

۸۹- گزینه «۱»

(کتاب اول)

ابتدا یک شکل فرضی از مسئله رسم می‌کنیم:

برای محاسبه طول ارتفاع وارد بر AC یعنی $|BH|$ باید فاصله نقطه

B تا ضلع AC را بدست بیاوریم:

ابتدا معادله ضلع AC را می‌نویسیم:

$$m_{AC} = \frac{1 - (-2)}{5 - 2} = 1$$

$$\Rightarrow L_{AC}: y - 1 = 1(x - 5) \Rightarrow L_{AC}: x - y - 4 = 0$$

حال فاصله نقطه B را تا خط AC بدست می‌آوریم:

$$BH = \frac{|7 - 5 - 4|}{\sqrt{1^2 + (-1)^2}} = \frac{2}{\sqrt{2}} = \sqrt{2}$$

(حسابان ۱- صفحه‌های ۲۹ تا ۳۲)

۹۰- گزینه «۴»

(کتاب اول)

با استفاده از ویژگی‌های قدرمطلق داریم:

$$\left| \frac{x}{2} + 1 \right| < \frac{1}{3} \Rightarrow \frac{-1}{3} < \frac{x}{2} + 1 < \frac{1}{3} \Rightarrow \frac{-4}{3} < \frac{x}{2} < \frac{-2}{3} \\ \Rightarrow \frac{-8}{3} < x < \frac{-4}{3}$$

حال از روی محدوده x ، محدوده $3x + 1$ را پیدا می‌کنیم:

$$\frac{-8}{3} < x < \frac{-4}{3} \Rightarrow -8 < 3x < -4 \Rightarrow -7 < 3x + 1 < -3$$

بنابراین $A = -7$ و $B = -3$ و $A + B = -10$ می‌باشد.

(حسابان ۱- صفحه‌های ۲۳ تا ۲۸)



۹۴- گزینه ۱»

(حامد یحیی اوغلی)

می‌دانیم اگر زاویه مرکزی قطاعی از دایره $C(O, R)$ بر حسب درجه

$$S = \frac{\pi R^2 \alpha}{360}$$

برابر α باشد، آن‌گاه مساحت قطاع برابر است با:

از طرفی، شعاع بر خط مماس در نقطه تماس عمود است و $MA = MB$.بنابراین چهارضلعی $OAMB$ مربع است و لذا داریم:

$$\widehat{AOB} = \alpha = 90^\circ \Rightarrow \text{مساحت قطاع} = \frac{\pi R^2 (90^\circ)}{360^\circ} = \frac{\pi R^2}{4}$$

از طرفی:

مساحت قطاع - مساحت $OAMB$ = مساحت هاشورخورده

$$= R^2 - \frac{\pi R^2}{4} = R^2 \left(1 - \frac{\pi}{4}\right)$$

(هنر سه ۲- صفحه‌های ۱۰ تا ۱۲)

۹۵- گزینه ۲»

(مهمرب خندان)

می‌دانیم:

$$\left. \begin{aligned} \widehat{AM} = \widehat{BN} = \widehat{AOM} \\ \widehat{MB} = \widehat{AN} = \widehat{BOM} \end{aligned} \right\} \Rightarrow \frac{\widehat{AM}}{\widehat{MB}} = 5 \quad (*)$$

از طرفی داریم:

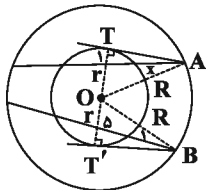
$$\widehat{AM} + \widehat{MB} = 180^\circ \xrightarrow{(*)} 6\widehat{MB} = 180^\circ \Rightarrow \widehat{MB} = 30^\circ$$

$$\Rightarrow \widehat{AM} = 150^\circ \Rightarrow \widehat{XAM} = \frac{\widehat{AM}}{2} = 75^\circ$$

(هنر سه ۲- صفحه‌های ۱۲ تا ۱۵)

۹۶- گزینه ۱»

(سارا خسروی)

اگر از نقاط A و B مماس‌های AT و BT' را رسم کنیم، آن‌گاه:

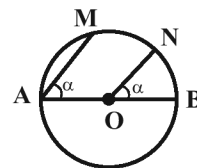
$$AT = \sqrt{R^2 - r^2} \quad \text{طبق قضیه فیثاغورس در مثلث OAT داریم:}$$

$$BT' = \sqrt{R^2 - r^2} \quad \text{طبق قضیه فیثاغورس در مثلث OBT' داریم:}$$

هندسه (۲) - نگاه به آینده

۹۱- گزینه ۲»

(مهمرب ابراهیم توزنده بانی)

با فرض $\hat{A} = \alpha$ داریم:

$$AM \parallel ON \text{ و } AB \text{ مورب } \Rightarrow \hat{A} = \widehat{NOB} = \alpha \xrightarrow{\text{نوبت مرکزی}}$$

$$\widehat{NB} = \alpha \quad (1)$$

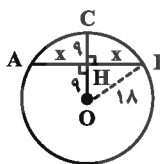
$$\hat{A} = \alpha \xrightarrow{\text{مقاطع محاطی}} \widehat{MNB} = 2\alpha \quad (2)$$

$$\xrightarrow{(1), (2)} \frac{\widehat{MNB}}{\widehat{NB}} = \frac{2\alpha}{\alpha} = 2$$

(هنر سه ۲- مشابه با فعالیت در ۴ صفحه ۱۳)

۹۲- گزینه ۱»

(افسان غیر اللعی)

وتر AB بر شعاع OC عمود است و آن را نصف می‌کند.

$$\Delta OHB: OH^2 + HB^2 = BO^2 \Rightarrow 11 + x^2 = 324$$

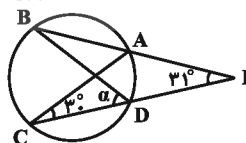
$$\Rightarrow x^2 = 243 \Rightarrow x = 9\sqrt{3}$$

$$AB = 2x = 18\sqrt{3}$$

(هنر سه ۲- صفحه ۱۳)

۹۳- گزینه ۲»

(شایان عباپی)



$$\hat{C} = \frac{\widehat{AD}}{2} = 30^\circ \Rightarrow \widehat{AD} = 60^\circ$$

$$\hat{P} = \frac{\widehat{BC} - \widehat{AD}}{2} \Rightarrow 31^\circ = \frac{\widehat{BC} - 60^\circ}{2}$$

$$\Rightarrow \widehat{BC} = 122^\circ \Rightarrow \hat{D} = \alpha = \frac{122^\circ}{2} = 61^\circ$$

(هنر سه ۲- تمرین ۲ صفحه ۱۶)



(رضا عباسی اصل)

۹۹- گزینه «۳»

مماس‌های رسم شده از A بر دایره کوچک‌تر با هم مساوی‌اند، پس:

$$AB = AD \Rightarrow AB = x + 4$$

با استفاده از روابط طولی در دایره بزرگ‌تر داریم:

$$AB^2 = AC \cdot AE \Rightarrow (x + 4)^2 = 4(x + 12)$$

$$\Rightarrow x^2 + 4x - 32 = 0 \Rightarrow (x + 8)(x - 4) = 0$$

$$\Rightarrow \begin{cases} x = -8 & \text{غلق} \\ x = 4 \end{cases}$$

(هنر سه ۲- صفحه‌های ۱۸ و ۱۹)

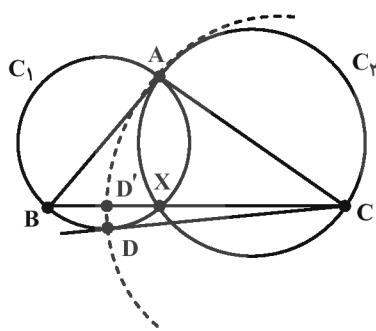
(امیرمهد کرمی)

۱۰۰- گزینه «۲»

$$B\hat{A}C = 90^\circ \Leftrightarrow C_2 \text{ مماس بر } AB$$

AC قطر C_2

$$B\hat{X}A = 90^\circ \Leftrightarrow \text{روبرو قطر}$$



پس AX ارتفاع مثلث قائم‌الزاویه‌ای BAC است.

حال طبق روابط طولی در مثلث قائم‌الزاویه داریم:

$$CA^2 = CX \cdot CB$$

و طبق روابط طولی در دایره داریم:

$$CD^2 = CX \cdot CB$$

$$CD = CD' = CA$$

پس:

که یعنی نقاط D، D' و A روی دایره‌ای به مرکز C هستند پس داریم:

$$\hat{D'DA} = \frac{\hat{D'CA}}{2} = \frac{90^\circ - \hat{ABC}}{2} = \frac{90^\circ - 40^\circ}{2} = 25^\circ$$

(هنر سه ۲- صفحه ۱۹)

پس $AT = BT'$ و طبق روابط طولی در دایره کوچک‌تر داریم:

$$\left. \begin{aligned} AT^2 &= x(x+1) \\ BT'^2 &= 1 \times (1+5) = 1 \times 6 = 6 \end{aligned} \right\} \Rightarrow x(x+1) = 6 \Rightarrow x = 2$$

معادله فوق یک جواب غیرقابل قبول $x = -3$ هم دارد.

(هنر سه ۲- صفحه‌های ۱۳، ۱۸ و ۱۹)

۹۷- گزینه «۲»

(میثم بهرامی پویا)

طبق روابط طولی در دایره داریم:

$$BD \times BE = BA \times BC \Rightarrow 24 = AB \times 2AB$$

$$\Rightarrow 2AB^2 = 24 \Rightarrow AB = 2\sqrt{3} = AC$$

$$MN^2 = MC \times MA \Rightarrow 2^2 = x(x + 2\sqrt{3})$$

$$\Rightarrow x^2 + 2\sqrt{3}x - 4 = 0$$

$$\Delta = 12 + 16 = 28$$

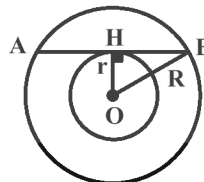
$$x = \frac{-2\sqrt{3} \pm 2\sqrt{7}}{2} = \begin{cases} x = \sqrt{7} - \sqrt{3} \\ x = -(\sqrt{3} + \sqrt{7}) \end{cases} \text{ غلق}$$

(هنر سه ۲- صفحه‌های ۱۸ و ۱۹)

۹۸- گزینه «۳»

(امیرشیرین ابومشوب)

اگر شعاع دایره بزرگ‌تر را با R و شعاع دایره کوچک‌تر را با r نمایش دهیم،
آنگاه داریم:



$$\pi R^2 - \pi r^2 \Rightarrow 16\pi = \pi(R^2 - r^2)$$

$$\Rightarrow R^2 - r^2 = 16$$

طبق قضیه فیثاغورس در مثلث OHB داریم:

$$BH^2 = OB^2 - OH^2 = R^2 - r^2 = 16 \Rightarrow BH = 4$$

می‌دانیم قطر عمود بر یک وتر، آن وتر را نصف می‌کند، بنابراین داریم:

$$AB = 2BH = 2 \times 4 = 8$$

(هنر سه ۲- مرتبط با فعالیت اول صفحه ۱۳)



فیزیک (۲) - نگاه به آینده

۱۰۱- گزینه «۳»

(بهنام دبایی اصل)

وقتی جسمی الکترون از دست می‌دهد، بار الکتریکی آن مثبت‌تر می‌شود؛ بنابراین داریم:

$$\Delta q = +ne \Rightarrow q_2 - q_1 = +ne$$

$$\frac{q_2 - q_1}{n = 12 \times 10^{12}} \rightarrow$$

$$-5q_1 - q_1 = +12 \times 10^{12} \times (16 \times 10^{-19}) \Rightarrow 6q_1 = -12 \times 16 \times 10^{-8} \\ \Rightarrow q_1 = -32 \times 10^{-8} C \Rightarrow q_1 = -0.32 \mu C$$

(فیزیک ۲ - صفحه‌های ۲ تا ۵)

۱۰۲- گزینه «۱»

(سینا عزیزی)

برایند نیروی الکتریکی وارد بر بار q_2 در نقطه B، صفر است، پس بارهای q_1 و q_2 هم‌نام هستند و داریم:

$$|\vec{F}_1| = |\vec{F}_2| \Rightarrow \frac{k|q_1||q_2|}{r_1^2} = \frac{k|q_2||q_2|}{r_2^2}$$

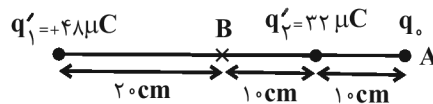
$$\Rightarrow \frac{64}{20^2} = \frac{|q_2|}{10^2} \Rightarrow q_2 = 16 \mu C$$

اگر ۲۵ درصد از بار q_1 را برداریم و به بار q_2 اضافه کنیم، داریم:

$$\Delta q' = \frac{25}{100} \times 64 = 16 \mu C$$

$$q'_1 = 64 - 16 = 48 \mu C, \quad q'_2 = 16 + 16 = 32 \mu C$$

حال بار q_0 را در نقطه A قرار می‌دهیم. توجه کنید قرار دادن بار q_0 در نقطه A تأثیری روی اندازه میدان در این نقطه ندارد. بنابراین داریم:



$$E_T = E'_1 + E'_2 = \frac{k|q'_1|}{r_1^2} + \frac{k|q'_2|}{r_2^2} \\ \Rightarrow E_T = \frac{9 \times 10^9 \times 48 \times 10^{-6}}{(40 \times 10^{-2})^2} + \frac{9 \times 10^9 \times 32 \times 10^{-6}}{(10 \times 10^{-2})^2} \\ \Rightarrow E_T = \frac{9 \times 48 \times 10^5}{16} + \frac{9 \times 32 \times 10^5}{1} = 3.15 \times 10^7 \frac{N}{C}$$

(فیزیک ۲ - صفحه‌های ۵ تا ۱۶)

۱۰۳- گزینه «۲»

(سیدعلی میرنوری)

اگر اندازه میدان الکتریکی در نقطه A را با E_A نشان دهیم، با ذکر این مطلب که ۳۶ درصد از اندازه میدان کاهش یافته، پس مقدار باقی‌مانده ۶۴

$$E_B = \frac{64}{100} E_A \quad \text{درصد از } E_A \text{ است، بنابراین:}$$

از طرفی می‌دانیم که میدان الکتریکی در اطراف یک بار نقطه‌ای، با مربع فاصله از آن نسبت عکس دارد؛ بنابراین داریم:

$$E = \frac{k|q|}{r^2} \xrightarrow{|q|=\text{ثابت}} \frac{E_B}{E_A} = \left(\frac{r_A}{r_B}\right)^2 \\ \frac{E_B = 0.64 E_A}{r_A = d, \quad r_B = d + 4(\text{cm})} \rightarrow \frac{64}{100} = \left(\frac{d}{d + 4}\right)^2 \\ \xrightarrow{\text{جذر می‌گیریم.}} \frac{8}{10} = \frac{d}{d + 4} \Rightarrow d = 16 \text{ cm}$$

(فیزیک ۲ - صفحه‌های ۱۰ تا ۱۴)

۱۰۴- گزینه «۱»

(سیدعلی میرنوری)

با توجه به نحوه قرار گرفتن بارها و میدان هر یک در نقطه O، بدیهی است

$$\begin{cases} \vec{E}_1 = E \vec{i} \\ \vec{E}_2 = -2E \vec{j} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} q_1 < 0 \\ q_2 < 0 \end{cases} \Rightarrow \frac{q_1}{q_2} > 0 \quad \text{که:}$$

و در ادامه داریم:

$$\frac{E_1}{E_2} = \frac{|q_1|}{|q_2|} \times \left(\frac{r_2}{r_1}\right)^2 \xrightarrow{r_2 = 4 \text{ cm}, \quad r_1 = 20 \text{ cm}} \frac{E_1}{E_2} = \frac{|q_1|}{|q_2|} \times \left(\frac{4}{20}\right)^2 \\ \xrightarrow{E_1 = E, \quad E_2 = 2E} \frac{E}{2E} = \frac{|q_1|}{|q_2|} \times 4 \Rightarrow \frac{|q_1|}{|q_2|} = \frac{1}{8}$$

(فیزیک ۲ - صفحه‌های ۱۰ تا ۱۶)



۱۰۵- گزینه «۴»

(معمومه افشلی)

با توجه به متن کتاب درسی، در الکتریسیته ساکن خطوط میدان الکتریکی همواره بر سطح رسانا عمود هستند.

(فیزیک ۲- صفحه‌های ۱۷ تا ۲۲، ۲۷ و ۲۸)

۱۰۶- گزینه «۲»

(سینا صالحی)

الکترون در خلاف جهت میدان الکتریکی حرکت کرده است. بنابراین اختلاف پتانسیل بین آن دو نقطه افزایش می‌یابد. داریم:

$$\Delta V = Ed \quad \begin{matrix} E=150 \text{ N/C} \\ d=50 \text{ m} \end{matrix}$$

$$\Delta V = 150 \times 50 = 7500 \text{ V} = 7.5 \text{ kV}$$

(فیزیک ۲- مثال ۱-۱۱- صفحه ۲۴)

۱۰۷- گزینه «۱»

(سینا صالحی)

چون بار از پایانه مثبت به پایانه منفی رفته است:

$$\Delta V = -12 \text{ V}$$

حال با استفاده از تعریف اختلاف پتانسیل الکتریکی داریم:

$$\Delta U = q\Delta V = (-50) \times (-12) = 600 \text{ J}$$

(فیزیک ۲- مثال ۱-۱۱- صفحه ۲۵)

۱۰۸- گزینه «۳»

(عبدالرضا امینی نسب)

چون ذره‌ای باردار درون میدان الکتریکی یکنواختی معلق و نیروی وزن ذره به سمت پایین است، بنابراین نیروی الکتریکی وارد بر ذره به سمت بالا خواهد بود و داریم:



$$F_E = W \Rightarrow |q|E = mg$$

$$\Rightarrow E = \frac{mg}{|q|} = \frac{80 \times 10^{-3} \times 10}{8 \times 10^{-4}} = 10^3 \frac{\text{N}}{\text{C}}$$

چون بار ذره مثبت است و نیروی الکتریکی به سمت بالاست، در نتیجه جهت میدان الکتریکی طبق رابطه $\vec{F}_E = q\vec{E}$ به سمت بالاست و بنابراین صفحه پایینی مثبت و صفحه بالایی منفی می‌باشد، یعنی پایانه A قطب منفی باتری است.

برای محاسبه اختلاف پتانسیل باتری داریم:

$$|\Delta V| = E \times d = 1000 \times \frac{2}{100} = 20 \text{ V}$$

(فیزیک ۲- صفحه‌های ۲۱ تا ۲۷)

۱۰۹- گزینه «۳»

(امیر ظالری)

ظرف رسانایی با درپوش فلزی را در نظر بگیرید که روی پایه نارسنایی قرار دارد و روی درپوش آن دسته‌ای عایق نصب شده است. ابتدا ظرف بدون بار و یک گوی فلزی را که از نخ عایقی آویزان است، باردار و سپس وارد ظرف می‌کنیم (شکل ج)). اکنون گوی را با کف ظرف تماس می‌دهیم و سپس درپوش فلزی را می‌بندیم (شکل ب)). آن‌گاه درپوش فلزی را با دسته عایقش برمی‌داریم (شکل د)) و گوی فلزی را از ظرف خارج نموده و آن را به کلاهک الکتروسکوپ نزدیک می‌کنیم. مشاهده می‌شود عقربه الکتروسکوپ تکان نمی‌خورد (شکل الف)). این نشان می‌دهد گوی فلزی بار ندارد و تمام بار آن به ظرف رسنا منتقل شده است، در این حالت اگر ظرف را به الکتروسکوپ نزدیک کنیم، مشاهده می‌شود ورقه‌های الکتروسکوپ تکان می‌خورند. از این آزمایش نتیجه می‌گیریم که بار اضافی داده شده به یک رسانا روی سطح خارجی آن توزیع می‌شود.

(فیزیک ۲- صفحه‌های ۲۷ و ۲۸)

۱۱۰- گزینه «۴»

(سینا صالحی)

ابتدا مساحت مربع را بر حسب m^2 به دست می‌آوریم:

$$A = (10^{-2})(10^{-2}) = 10^{-4} m^2$$

حال طبق تعریف چگالی سطحی بار می‌توان نوشت:

$$Q = A\sigma = 10^{-4} \times 4 \times 10^{-6} = 4 \times 10^{-10} \text{ C} = 4 \times 10^{-4} \mu\text{C}$$

(فیزیک ۲- مشابه مثال ۱-۱۴- صفحه ۳۰)



شیمی (۲) - نگاه به آینده

۱۱۱- گزینه «۴»

(عباس هنرجو)

گرما دادن به مواد و افزودن آن‌ها به یکدیگر سبب تغییر و گاهی بهبود خواص می‌شود.

(شیمی ۲- ترکیب سوال‌های ۱، ۲ و ۹ کتاب پرتکرار - صفحه‌های ۲ تا ۵)

۱۱۲- گزینه «۴»

(ایمان حسین‌نژاد)

عناصر سیلیسیم و ژرمانیم چکش خوار نبوده و شکننده هستند.

(شیمی ۲- ترکیب سوال‌های ۸، ۱۵ و ۱۹ کتاب پرتکرار - صفحه‌های ۲ تا ۴ و ۶ تا ۹)

۱۱۳- گزینه «۳»

(عباس هنرجو)

عبارت‌های (آ)، (پ) و (ت) نادرست هستند. بررسی عبارت‌های نادرست:

(آ) X_{35} در گروه ۱۷ و قبل از گاز نجیب دوره چهارم جدول تناوبی (Kr_{36}) قرار دارد. در یک دوره از چپ به راست، شعاع اتمی کاهش می‌یابد، پس شعاع اتمی X_{35} از عناصر هم دوره قبل از خود کوچکتر است.

(پ) واکنش‌پذیری هالوژن‌ها، با افزایش عدد اتمی، کاهش می‌یابد.

(ت) واکنش‌پذیرترین فلز دوره سوم، عنصر سدیم (Na_{11}) و واکنش‌پذیرترین نافلز دوره سوم، عنصر کلر (Cl_{17}) می‌باشد؛ بنابراین می‌توان نوشت:

$$17 - 11 = 6$$

(شیمی ۲- صفحه‌های ۱۰ تا ۱۴)

۱۱۴- گزینه «۳»

(جعفر بازوکی)

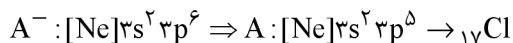
در دوره سوم جدول تناوبی، عنصرهای سدیم، منیزیم و آلومینیم در واکنش با دیگر عنصرها الکترون از دست می‌دهند و عنصرهای سیلیسیم، فسفر، گوگرد و کلر الکترون به اشتراک می‌گذارند.

(شیمی ۲- صفحه‌های ۷ تا ۱۴)

۱۱۵- گزینه «۳»

(علیرضا بیانی)

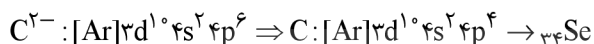
با توجه به آرایش الکترونی یون‌ها داریم:



$7e^{-}$ ظرفیتی $\rightarrow$ دوره ۳ گروه ۱۷



$8e^{-}$ ظرفیتی $\rightarrow$ دوره ۴ گروه ۸



$6e^{-}$ ظرفیتی $\rightarrow$ دوره ۴ گروه ۱۶



$3e^{-}$ ظرفیتی $\rightarrow$ دوره ۴ گروه ۱۳

بنابراین گزینه «۳» نادرست می‌باشد.



(شیمی ۲- صفحه‌های ۱۰ تا ۱۶)

۱۱۶- گزینه «۴»

(ایمان حسین‌نژاد)

$$? g Fe = 1 kg Fe_2O_3 \times \frac{100 g}{1 kg} \times \frac{1 mol Fe_2O_3}{160 g Fe_2O_3}$$

$$\times \frac{2 mol Fe}{1 mol Fe_2O_3} \times \frac{56 g Fe}{1 mol Fe} = 700 g Fe$$

$$100 \times \frac{\text{مقدار عملی}}{\text{مقدار نظری}} = \text{بازده درصدی}$$

$$\Rightarrow \text{بازده درصدی} = \frac{5200}{7000} \times 100 \approx 74\%$$

(شیمی ۲- مشابه سوال ۲ فور را ببینید - صفحه ۲۵)

۱۱۷- گزینه «۴»

(عباس هنرجو)

برای اینکه جرم جامد باقی‌مانده (که شامل $CaCO_3$ تجزیه نشده و

نیز CaO تولید شده است) را حساب کنیم کافی است که جرم CO_2

تولید شده را تعیین نموده و از جرم اولیه (20 گرم) کم کنیم:

$$? g CO_2 = 20 g CaCO_3 \times \frac{1 mol CaCO_3}{100 g CaCO_3} \times \frac{1 mol CO_2}{1 mol CaCO_3}$$

$$\times \frac{44 g CO_2}{1 mol CO_2} = 8.8 g CO_2$$



شیمی (۲) - سوالات آشنا

(کتاب اول)

۱۲۱- گزینه «۲»

بررسی عبارت‌ها:

(الف) گسترش فناوری به میزان دسترسی به مواد مناسب وابسته است.

(ب) برای هم‌زدن چای از قاشقی استفاده می‌شود که از فولاد زنگ نزن ساخته شده است.

(شیمی ۲- صفحه‌های ۲ تا ۴)

(کتاب اول)

۱۲۲- گزینه «۱»

در جدول تناوبی در هر گروه از بالا به پایین با افزایش عدد اتمی (Z) خصلت فلزی، افزایش و خصلت نافلزی کاهش می‌یابد و در هر دوره از چپ به راست خصلت فلزی کاهش و خصلت نافلزی افزایش می‌یابد.

بررسی گزینه‌های نادرست:

گزینه «۲»: فلزات در اثر ضربه خرد نمی‌شوند ولی تغییر شکل می‌دهند.

گزینه «۳»: این مورد برای همه گروه‌ها صدق نمی‌کند، مثلاً در گروه ۱۸ همه عناصر نافلزی و گازهای نجیب می‌باشند و هیچ عنصر فلزی و شبه فلزی در گروه ۱۸ وجود ندارد، یا در گروه ۲ همه عناصر فلزی هستند و شبه فلز و نافلز نداریم.

گزینه «۴»: در هر دوره از چپ به راست، با افزایش عدد اتمی (Z) خواص فلزی کاهش می‌یابد.

(شیمی ۲- صفحه‌های ۶ تا ۱۰)

(کتاب اول)

۱۲۳- گزینه «۳»

خصلت نافلزی در بین عناصر نافلزی: هر چقدر عناصر نافلزی در سمت راست جدول تناوبی باشند، خصلت نافلزی بیشتری دارند. $F > O > N$

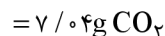
بررسی گزینه‌های نادرست:

گزینه «۱»:

عناصر نافلزی > عناصر شبه‌فلزی > عناصر فلزی: رسانایی الکتریکی

 $\Rightarrow {}_{11}\text{Na} > {}_{14}\text{Si} > {}_{16}\text{S}$

$$\frac{\text{مقدار عملی}}{\text{مقدار نظری}} \times 100 = \frac{x}{8/8} \times 100 \Rightarrow 80 = \frac{x}{8/8} \times 100$$

جرم CO_2 خارج شده - جرم اولیه = جرم جامد باقیمانده

$$= 20 - 7.04 = 12.96 \text{ g}$$

(شیمی ۲- صفحه‌های ۲۲ تا ۲۵)

(هاری معری زاده)

۱۱۸- گزینه «۲»

$$\frac{\text{مقدار عملی}}{\text{مقدار نظری}} \times 100 = \frac{5/6}{x} \times 100 \Rightarrow 80 = \frac{5/6}{x} \times 100$$

$$\Rightarrow x = 7 \text{ ton Fe}$$

$$7 \text{ ton Fe} \times \frac{106 \text{ g Fe}}{1 \text{ ton Fe}} \times \frac{1 \text{ mol Fe}}{56 \text{ g Fe}} \times \frac{1 \text{ mol Fe}_2\text{O}_3}{2 \text{ mol Fe}} \times \frac{160 \text{ g Fe}_2\text{O}_3}{1 \text{ mol Fe}_2\text{O}_3} \times \frac{100}{50} = 2 \text{ ton Fe}_2\text{O}_3$$

(شیمی ۲- صفحه‌های ۲۲ تا ۲۵)

(آرمان قناتانی)

۱۱۹- گزینه «۲»

طبق شکل صفحه ۲۸ کتاب درسی، گزینه «۲» درست است.

(شیمی ۲- صفحه ۲۸)

(علی پعفری)

۱۲۰- گزینه «۳»

بازیافت فلزها از جمله آهن، باعث کاهش ردپای کربن دی‌اکسید، کاهش سرعت گرمایش جهانی، کاهش سرعت از بین رفتن گونه‌ها (به دلیل کاهش بهره‌برداری از منابع و معادن در محیط‌های طبیعی) و همچنین بهبود روند توسعه پایدار کشور می‌شود.

(شیمی ۲- صفحه‌های ۲۶ تا ۲۸)



بررسی عبارت‌های نادرست:

(۱) از هالوژن‌ها در تولید لامپ جلوی چراغ خودروها استفاده می‌شود.

(۲) طلا با گازهای موجود در هواکره واکنش نمی‌دهد.

(۳) طلا در دماهای گوناگون رسانایی الکتریکی بالای خود را حفظ می‌کند.

(شیمی ۲- صفحه‌های ۱۳، ۱۴ و ۱۷)

۱۲۶- گزینه «۱»

(کتاب اول)

عبارت‌های (آ) و (ب) درست هستند.

بررسی عبارت‌ها:

(آ) اغلب عناصرها در طبیعت به شکل ترکیب یافت می‌شوند، هرچند برخی نافلزها مانند: اکسیژن، نیتروژن، گوگرد و ... به شکل آزاد در طبیعت وجود دارند. همچنین نمونه‌هایی از فلزهای نقره، مس و پلاتین نیز در طبیعت گزارش شده است.

(ب) در میان فلزها، فقط طلا (Au) به شکل کلوخه‌ها یا رگه‌های زرد لابه‌لای خاک یافت می‌شود.

(پ) آهن (Fe) فلزی است که در سطح جهان بیشترین مصرف سالانه را در بین صنایع گوناگون دارد.

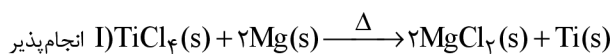
(ت) فلز آهن در طبیعت اغلب به شکل اکسید یافت می‌شود مانند:



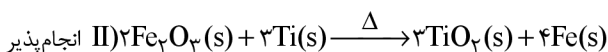
(شیمی ۲- صفحه ۱۸)

۱۲۷- گزینه «۱»

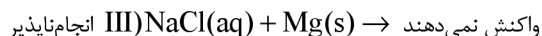
(کتاب اول)



واکنش پذیری: $\text{Mg} > \text{Ti}$



واکنش پذیری: $\text{Ti} > \text{Fe}$



واکنش پذیری: $\text{Na} > \text{Mg}$



گزینه «۲»: در هر گروه از جدول تناوبی از بالا به پایین، با افزایش عدد اتمی، خصلت فلزی افزایش می‌یابد.



گزینه «۴»: هر چقدر فلز خصلت فلزی و واکنش‌پذیری بیشتری داشته باشد، تمایل به از دست دادن الکترون در آن بیشتر می‌باشد.

فلز گروه ۱۳ > فلز گروه ۲ > فلز گروه ۱: خصلت فلزی



(شیمی ۲- صفحه‌های ۷ تا ۱۴)

۱۲۴- گزینه «۲»

(کتاب اول)

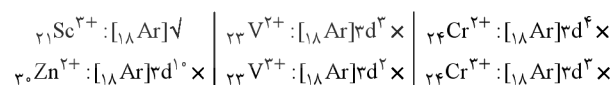
رنگ زیبای سنگ‌هایی مانند: یاقوت (سرخ رنگ)، زمرد (سبز رنگ) و فیروزه (آبی رنگ) و ... نشانی از وجود برخی ترکیب‌های فلزهای واسطه در آن‌ها است.

بررسی گزینه‌های نادرست:

گزینه «۱»: اغلب فلزهای دسته d در طبیعت به شکل ترکیب‌های یونی یافت می‌شوند.

گزینه «۳»: آهن، دو اکسید طبیعی با فرمول‌های Fe_2O_3 و FeO دارد.

گزینه «۴»: آرایش الکترونی یون پایدار اسکاندیم که همان Sc^{3+} است به آرایش هشت‌تایی گاز نجیب آرگون ($_{18}\text{Ar}$) می‌رسد:



(شیمی ۲- صفحه‌های ۱۴ تا ۱۶)

۱۲۵- گزینه «۱»

(کتاب اول)

از جمله ویژگی‌های طلا می‌توان به موارد زیر اشاره کرد:

(۱) بازتاب زیاد پرتوهای خورشیدی

(۲) واکنش ندادن با مواد موجود در بدن انسان

(۳) ساخت رشته سیم‌های بسیار نازک



گزینه «۲»: دلیل وجود تنوع رنگ در سنگ‌های قیمتی نظیر یاقوت (سرخ رنگ) و زمرد (سبز رنگ) و فیروزه (آبی رنگ)، وجود ترکیب‌های فلزات دسته d در آن‌ها است.

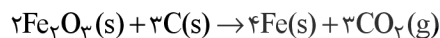
گزینه «۳»: استخراج سدیم (Na) به دلیل واکنش‌پذیری کمتر نسبت به پتاسیم (K) در شرایط ساده‌تری صورت می‌گیرد.

واکنش‌پذیری: $\text{Na} < \text{K}$

(شیمی ۲- صفحه‌های ۱۴ تا ۱۶ و ۱۹ تا ۲۱)

۱۳۰- گزینه «۲» (کتاب اول)

با توجه به معادله واکنش داریم:



ابتدا با توجه به مقدار آهن تولید شده و بازده درصدی واکنش مقدار نظری آهن به دست می‌آید:

$$100 \times \frac{\text{مقدار عملی فراورده}}{\text{مقدار نظری فراورده}} = \text{بازده درصدی واکنش}$$

$$\Rightarrow 80 = \frac{84}{x} \times 100$$

$$\Rightarrow x = 105 \text{ kg} \Rightarrow \text{مقدار نظری}$$

حال باید ببینیم به ازای تولید ۱۰۵ کیلوگرم آهن، چند کیلوگرم Fe_2O_3 خالص مصرف می‌شود.

$$\begin{aligned} ? \text{ kg Fe}_2\text{O}_3 &= 105 \text{ kg Fe} \times \frac{1000 \text{ g Fe}}{1 \text{ kg Fe}} \times \frac{1 \text{ mol Fe}}{56 \text{ g Fe}} \\ &\times \frac{2 \text{ mol Fe}_2\text{O}_3}{4 \text{ mol Fe}} \times \frac{160 \text{ g Fe}_2\text{O}_3}{1 \text{ mol Fe}_2\text{O}_3} \times \frac{1 \text{ kg Fe}_2\text{O}_3}{1000 \text{ g Fe}_2\text{O}_3} \\ &= 150 \text{ kg Fe}_2\text{O}_3 \end{aligned}$$

$$\text{جرم سنگ معدن} = \frac{\text{جرم Fe}_2\text{O}_3}{\text{جرم سنگ معدن}} \times 100 = \frac{150}{200} \times 100 = 75\%$$

(شیمی ۲- صفحه‌های ۲۲ تا ۲۵)

Fe > Ag : واکنش‌پذیری

ترتیب واکنش‌پذیری: $\text{Na} > \text{Mg} > \text{Ti} > \text{Fe} > \text{Ag}$

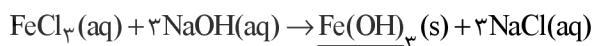
(شیمی ۲- صفحه‌های ۱۹ تا ۲۱)

۱۲۸- گزینه «۱»

(کتاب اول)

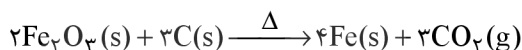
اغلب فلزات همانند آهن و مس در طبیعت به شکل سنگ معدن یافت می‌شوند. بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه «۲»: از واکنش آهن (III) کلرید با سدیم هیدروکسید رسوب قرمز قهوه‌ای آهن (III) هیدروکسید تشکیل می‌شود.



رسوب قرمز مایل به قهوه‌ای

گزینه «۳»: در فولاد مبارکه همانند همه شرکت‌های فولاد جهان برای استخراج آهن از کربن استفاده می‌شود.



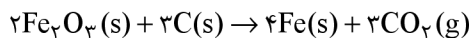
گزینه «۴»: هرچه فلز فعال‌تر باشد، میل بیشتری به ایجاد ترکیب دارد و ترکیب‌هایش پایدارتر از خودش است و استخراج آن فلز دشوارتر است.

(شیمی ۲- صفحه‌های ۱۹ تا ۲۱)

۱۲۹- گزینه «۴»

(کتاب اول)

در شرکت‌های فولاد، به دلیل مقرون به صرفه بودن کربن، برای استخراج آهن از کربن استفاده می‌کنند.



بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه «۱»: کلسیم به دلیل واکنش‌پذیری و خصلت فلزی بیشتر نسبت به منیزیم در واکنش با نافلزها آسانتر الکترون از دست می‌دهد و به کاتیون M^{2+} تبدیل می‌شود.

Mg < Ca : واکنش‌پذیری



دفترچه پاسخ

آزمون هوش و استعداد

(دوره دوم)

۳۱ مرداد

تعداد کل سؤالات آزمون: ۲۰

زمان پاسخ گویی: ۳۰ دقیقه

گروه فنی تولید

حمید لنجان زاده اصفهانی	مسئول آزمون
فاطمه راسخ	ویراستار
محیا اصغری	مدیر گروه مستندسازی
علیرضا همایون خواه	مسئول درس مستندسازی
حمید اصفهانی، فاطمه راسخ، حمید گنجی، حامد کریمی، فرزاد شیرمحمدلی	طراحان
معصومه روحانیان	حروف چینی و صفحه آرایی
حمید عباسی	ناظر چاپ

استعداد تحلیلی

۲۵۱- گزینه «۱»

(عامل کریمی)

شکل درست ابیات:

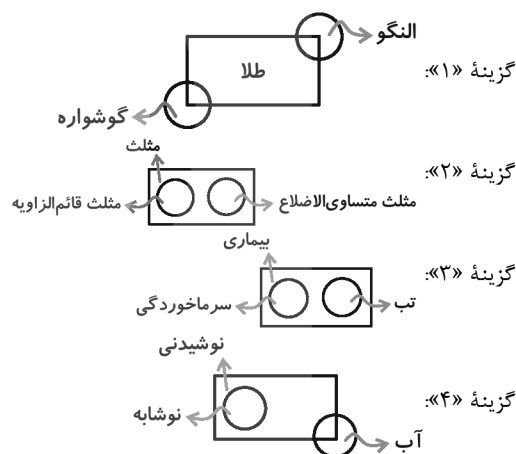
- (و) آن شنیدم که گفت پشه به کیک / بامدادان پس از سلام علیک
 (ه) ای عجب من بدین سیه رختی / تو بدان فرهی و خوشبختی
 (ب) تو چنانی و من چنین ز چه روی؟ / تو طربناک و من غمین ز چه روی؟
 (الف) کیک چون ماجرای پشه شنف / زیر لب خنده ای زد آن گه گفت
 (د) من به هنگام کار خاموشم / بسته لب پای تابه سر گوشم
 (ج) ای پسر رو خاموش باش چو کیک / تا نخواندت کسی، مزین لبیک

(ترتیب جملات، هوش کلامی)

۲۵۲- گزینه «۱»

(کتاب استعداد تحلیلی هوش کلامی)

برخی گوشواره‌ها و برخی انگوها از طلا هستند و برخی هم نه. همچنین هر طلایی، انگو یا گوشواره نیست. پس رابطه بین این واژه‌ها مثل شکل صورت سؤال است.
 رابطه بین واژه‌ها در دیگر گزینه‌ها نیز با شکل‌های جداگانه‌ای نشان داده می‌شود:



(انساب اربعه، هوش کلامی)

۲۵۳- گزینه «۲»

(کتاب استعداد تحلیلی هوش کلامی)

در همه گزینه‌ها، یکی از کلمه‌ها از ریشه فعل گذشته و دیگری از ریشه فعل حال تشکیل شده است، به جز گزینه «۲»:

بینا: بین (ریشه فعل حال) + ا - دیدنی: دید (ریشه فعل گذشته) + نی
 پرستنده: پرست (ریشه فعل حال) + نده - پرستار: پرست (ریشه فعل حال) + ار
 گویا: گوی (ریشه فعل حال) + ا - گفتنی: گفت (ریشه فعل گذشته) + نی
 رونده: رو (ریشه فعل حال) + نده - رفتار: رفت (ریشه فعل گذشته) + ار
 (ساقتمان واژه‌ها، هوش کلامی)

۲۵۴- گزینه «۴»

(ضمیر اصفهانی)

متن از چند مشخصه بررسی‌های مبتنی بر آرکی تایپ سخن می‌گوید که رنگ هم از آن‌هاست، پس در نقدهای ادبی متکی بر مفهوم آرکی تایپ می‌توان آن‌ها را نیز بررسی کرد.

متن نمی‌گوید نمادها باید در همه فرهنگ‌ها و در همه ادراک‌ها یکسان باشد تا در ضمیر ناخودآگاه جمعی قرار گیرد. همچنین بحث از «ضمیر ناخودآگاه شخصی» با بحث از «ضمیر ناخودآگاه جمعی» متفاوت است، پس نمی‌توان گفت یونگ و مکتب او در بررسی ضمیر ناخودآگاه در آثار ادبی، از اولین‌ها بوده‌اند.

(تکمیل متن، استدلال هوش کلامی)

۲۵۵- گزینه «۲»

(ضمیر اصفهانی)

متن از «جهانی‌های معنایی» صحبت می‌کند که قواعدی هستند که ساختار واژگان را در همه زبان‌ها تعیین می‌کنند. در انتهای متن، از تفاوت‌های زبان‌ها سخن گفته شده است اما پس از کلمه «ولی» باید مطلبی باشد که وجود این شباهت‌های قواعدی را در زبان‌ها نشان دهد. تنها گزینه «۲» است که چنین معنایی دارد.

(تکمیل متن، استدلال، هوش کلامی)

۲۵۶- گزینه «۴»

(ضمیر اصفهانی)

قطعه ابونصر فراهی، از وجود حروف عله می‌گوید که با مثال‌های آن می‌توان فهمید این حروف «و، ا، ی» است. از همان بیت نخست نیز مشخص است که فراهی، شناخت «دال» و «ذال» را از شروط فصاحت دانسته است. معلوم است که علم به وجود حروف عله مربوط به دوران متأخر نیست، از «دال» و «ذال» غیرپایانی صحبت نشده است، و واژه‌هایی هست که «دال» در حرف پایانی آن‌هاست و تغییر یافته از «ذال» نیست.

(تکمیل متن، استدلال، هوش کلامی)

۲۵۷- گزینه «۴»

(کتاب استعداد تحلیلی هوش کلامی)

عبارت گزینه «۴» با نگاهی ناخوشایند، همه را به یک چشم می‌بیند و می‌گوید هر کسی را می‌توان به شکلی برای انجام کاری تطمیع کرد و از آن بهره برد. دیگر عبارت‌ها می‌گویند هر چیزی جای مخصوص به خود را دارد و نباید آن‌ها را به جای هم به کار برد.

(قربابت معنایی، هوش کلامی)

۲۵۸- گزینه «۱»

(فرزاد شیرمهر)

سنّ علی، میلاد و داریوش را به ترتیب A، M و D در نظر می‌گیریم:
 $(A - 2) = 3(M - 2 + D - 2) \Rightarrow A = 3M + 3D - 10$
 $(A + 2) = 8((M + 2) - (D + 2)) \Rightarrow A = 8M - 8D - 2$



(فاطمه راسخ)

۲۶۲- گزینه «۴»

عددهای ممکن با شرایط گفته شده، یکی از حالات زیر هستند که در آنها دست کم ۳ یا ۶ وجود دارد. دقت کنید که می‌توان جای یکان و هزارگان را با هم و جای دهگان و صدگان را با هم عوض کرد.

۳۱۲۴/۲۱۳۹/۳۱۴۸/۴۱۶۹/۴۲۳۹/۸۲۴۶/۹۲۶۸/۹۳۴۸

(حقیقت‌یابی، یکان، بخش‌پذیری، هوش منطقی ریاضی)

(فاطمه راسخ)

۲۶۳- گزینه «۱»

عددهای ۱ و ۵ و ۷ و ۸ در عدد نیستند. عددهای صفر و چهار نیز قطعاً در عدد هستند. پس باید دو رقم دیگر را با دو تا از اعداد ۲، ۳، ۶ و ۹ کامل کنیم. می‌دانیم مجموع ارقام عددی که بر ۹ بخش‌پذیر است، مضرب ۹ است. اکنون مجموع دو رقم معلوم است: $4 + 4 = 8$. تنها حالت ممکن آن است که دو عدد دیگر ۲ و ۳ باشد.

$$4 - 3 = 1 \Rightarrow 4 - 3 + 2 + 3 + 4 = 9$$

(حقیقت‌یابی، یکان، بخش‌پذیری، هوش منطقی ریاضی)

(ممیر کنی)

۲۶۴- گزینه «۴»

در ساعت $2^{\circ} : 20'$ ، عقربه دقیقه‌شمار به اندازه $\frac{1}{3} = \frac{20}{60}$ از صفحه را چرخیده است. کل صفحه 360° است پس عقربه دقیقه‌شمار $120^{\circ} = \left(\frac{360}{3}\right)$ از خط قائم دور شده است. فاصله بین دو عدد در این ساعت، $15^{\circ} = \left(\frac{360}{24}\right)$ است. عقربه ساعت‌شمار بیست دقیقه پس از ساعت بیست، به اندازه $5^{\circ} = \left(\frac{2}{6} \times 15^{\circ}\right)$ از ساعت 20° دور شده است. فاصله ساعت 20° تا خط قائم، $60^{\circ} = 4 \times 15^{\circ}$ است. پس فاصله عقربه ساعت‌شمار تا خط قائم، $55^{\circ} = (60 - 5)^{\circ}$ است. پس زاویه بین دو عقربه $175^{\circ} = 55 + 120$ است.



(ساعت، هوش منطقی ریاضی)

$$\Rightarrow 3M + 3D - 10 = 8M - 8D - 2 \Rightarrow 11D = 5M + 8$$

حال M را حدس می‌زنیم، تا جایی که $\frac{5M+8}{11}$ عدد طبیعی بک‌رقمی شود. اگر $M = 5$ باشد، $D = 3$ و در نتیجه $A = 14$ است. در نتیجه:

$$\text{الف: } A - M = 9$$

$$\text{ب: } M - D = 2$$

(کفایت داده، هوش منطقی ریاضی)

(ممیر اصفهانی)

۲۵۹- گزینه «۲»

فرض کنید طول طناب a باشد. در مربع، محیط a ، پس طول ضلع‌ها هر کدام $\frac{a}{4}$ و مساحت $\frac{a^2}{16}$ خواهد بود. حال فرض کنید مستطیلی بسازیم. اگر این مستطیل، عرضی داشته باشد که x واحد از ضلع مربع کوچک‌تر باشد و طولی داشته باشد که به همین اندازه از ضلع مربع بزرگ‌تر باشد، عرض و طول آن $\left(\frac{a}{4} - x\right)$ و $\left(\frac{a}{4} + x\right)$ خواهد بود و مساحت آن به اندازه x^2 واحد کم‌تر از مربع خواهد بود:

$$\left(\frac{a}{4} + x\right)\left(\frac{a}{4} - x\right) = \frac{a^2}{16} - x^2$$

(کفایت داده، هوش منطقی ریاضی)

(ممیر کنی)

۲۶۰- گزینه «۱»

حسن به تنهایی در هر ساعت $\frac{1}{24}$ از کار را انجام می‌دهد:

$$\frac{1}{24} + x = \frac{1}{16} \Rightarrow x = \frac{1}{16} - \frac{1}{24} = \frac{1}{48}$$

پس محمود به تنهایی در هر ساعت $\frac{1}{48}$ از کار را انجام می‌دهد، یعنی کل کار را در ۴۸ ساعت.

پس علی به تنهایی در هر ساعت $\frac{1}{16}$ کار را انجام می‌دهد، یعنی کل کار در ۱۶ ساعت.

(کفایت داده هوش منطقی ریاضی)

(فاطمه راسخ)

۲۶۱- گزینه «۱»

عدد مضرب پنج است، پس یکان صفر است. دقت کنید عدد ۵ را نداریم. اگر رقم‌های دهگان و صدگان هشت واحد اختلاف داشته باشند، قطعاً یک و نه هستند. بسته به جایگاه این دو عدد، هزارگان ممکن است سه یا هفت باشد، اما عدد ۷ ممکن نیست. پس فقط ۳۱۹۰ ممکن است.

(حقیقت‌یابی، یکان، بخش‌پذیری، هوش منطقی ریاضی)

۲۶۵- گزینه ۱

(فرزاد شیرمهرلی)

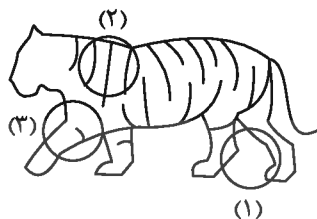
دفتر و کتاب هر دو یک حرف را می‌زنند و چون یک دروغگو داریم، قطعاً دروغ نمی‌گویند هر دو نو هستند، پس خودکار هم راست می‌گوید و نو است، پس روپوش هم راست می‌گوید و نو است و گوشی دروغگو است.

(حقیقت‌یابی، هوش منطقی ریاضی)

۲۶۶- گزینه ۴

(فاطمه راسخ)

دیگر گزینه‌ها در شکل صورت سؤال:



(جزء‌یابی، هوش غیرکلامی)

۲۶۷- گزینه ۴

(فاطمه راسخ)

در سمت چپ خط عمودی هر ردیف از الگوی صورت سؤال، هر شکلی که کم‌تر آمده است در سمت راست خط عمودی هم تکرار شده است. در ردیف پایینی نیز سه بار، دو بار و فقط یک بار آمده است.

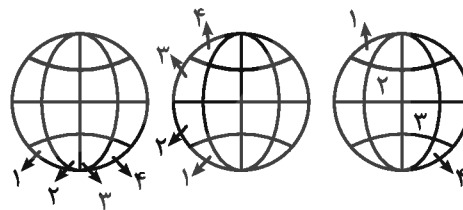
پس این شکل آخر را در سمت راست خط عمودی تکرار می‌کنیم.

(الگوی فطی، هوش غیرکلامی)

۲۶۸- گزینه ۴

(فاطمه راسخ)

سه طرح در شکل صورت سؤال در حرکتند و در شکل پنجم به جای نخست خود برمی‌گردند.



(الگوی فطی، هوش غیرکلامی)

۲۶۹- گزینه ۱

(ممیرکنی)

از تکرار کدها می‌فهمیم که تعداد ضلع‌ها یا پاره‌خط‌ها مهم است:

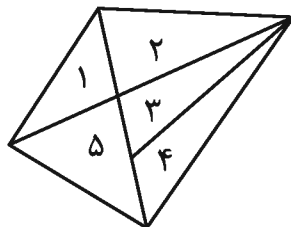
$$\left. \begin{array}{l} i \Rightarrow \text{عددهای زوج} \\ B \Rightarrow \text{عددهای مضرب ۳} \\ A \Rightarrow \text{عددهای مضرب ۴} \\ D \Rightarrow \text{عددهای اول} \end{array} \right\} \Rightarrow 12 = BAi$$

(کرکزاری، هوش غیرکلامی)

۲۷۰- گزینه ۳

(فرزاد شیرمهرلی)

مثلث‌های شکل:



(۱), (۲), (۳), (۴), (۵), (۱, ۲), (۱, ۵), (۲, ۳), (۳, ۴)

(۲, ۳, ۴), (۳, ۴, ۵)

(شمارش، هوش غیرکلامی)