







	، ــــــــــــــــــــــــــــــــــــ	س فپيوسه واحر	ون ورودی دورههای کارشناسیارن	
	Γ	ر کد ۱۲۶۳)	مهندسی نقشهبرداری	،رم 
دقيقه	سخگویی: ۱۸۰	مدتزمان پا	اد سؤال: ۱۰۵	<u>ع</u> عد
			عنوان مواد امتحانی، تعداد	
تا شماره	از شماره	تعداد سؤال	مواد امتحانی	رديف
40 160	۱ ۲۶	70 7.	زبان عمومی و تخصصی (انگلیسی) انسانی	7
۲۵ ۶۵	48	7.	ریاضیات فتوگرامتری	٣
۸۵	<u>۶</u> ۶	۲۰	مو بر مری ژئودزی	۴
	٨۶	۲۰	نقشهبرداری نقشهبرداری	۵
۱۰۵				

حق چاپ، تکثیر و انتشار سؤالات به هر روش ( الکترونیکی و ...) پس از برگزاری آزمون، برای تمامی اشخاص حقیقی و حقوقی تنها با مجوز این سازمان مجاز میباشد و با متخلفین برابر مقررات رفتار می شود.

مهندسی نقشهبرداری (کد ۱۲۶۳)

صفحه ۲

155 A

\* داوطلب گرامی، عدم درج مشخصات و امضا در مندرجات جدول زیر، بهمنزله عدم حضور شما در جلسه آزمون است. اینجانب ...... با آگاهی کامل، یکسان بودن شماره صندلی خود با شماره داوطلبی مندرج در بالای کارت ورود به جلسه، بالای پاسخنامه و دفترچه سؤالها، نوع و کد کنترل درجشده بر روی دفترچه سؤالها و پایین پاسخنامهام را تأیید مینمایم.

امضا:

زبان عمومی و تخصصی (انگلیسی):

## **PART A: Vocabulary**

<u>Directions</u>: Choose the word or phrase (1), (2), (3), or (4) that best completes each sentence. Then mark the answer on your answer sheet.

But at this point, it's pretty hard to hurt my I've heard it all, and					
I'm still here.					
1) characterization		2) feelings			
3) sentimentality		4) pain			
Be sure your child w			to the sun.		
1) demonstrated	2) confronted	3) invulnerable	4) exposed		
Many of these popu	lar best-sellers will so	on become dated and	, and		
will eventually go o	ut of print.				
1) irrelevant	2) permanent	3) fascinating	4) paramount		
The men who arriv	ed in the	of criminals were a	ctually undercover		
police officers.					
1) uniform	2) job	3) guise	4) distance		
It was more	to take my m	eals in bed, where all I	had to do was push		
away my tray with i	ts uneaten food and fall	back upon my pillows.			
1) haphazard	2) reckless	3) convenient	4) vigorous		
His victory sparked	a rare wave of	in his home co	untry. Nicaraguans		
poured into the stre	ets, honking car-horns	s and waving the nation	nal flag.		
1) serendipity	2) tranquility	3) aspersion	4) euphoria		
He liked the ease a	nd glitter of the life, a	and the luster	on him by		
being a member of	this group of rich and	conspicuous people.	-		
-					
	<ul> <li>I'm still here.</li> <li>1) characterization</li> <li>3) sentimentality</li> <li>Be sure your child v</li> <li>1) demonstrated</li> <li>Many of these population will eventually go of the set of the se</li></ul>	I'm still here.1) characterization3) sentimentalityBe sure your child wears sunscreen whene1) demonstrated2) confrontedMany of these popular best-sellers will sowill eventually go out of print.1) irrelevant2) permanentThe men who arrived in thepolice officers.1) uniform2) jobIt was more	I'm still here.1) characterization2) feelings3) sentimentality4) painBe sure your child wears sunscreen whenever she's1) demonstrated2) confronted3) invulnerableMany of these popular best-sellers will soon become dated andwill eventually go out of print.1) irrelevant2) permanent3) fascinatingThe men who arrived in the of criminals were and		

## **PART B: Cloze Test**

<u>Directions</u>: Read the following passage and decide which choice (1), (2), (3), or (4) best fits each space. Then mark the correct choice on your answer sheet.

- **8-** 1) which depending
  - 3) for depended
- 9- 1) have employed3) were employed
- 10- 1) some of these tutors could have3) that some of them could have
- 2) and depended
- 4) that depended
- 2) employed
- 4) employing
- 2) because of these tutors who have
- 4) some of they should have

## **PART C: Reading Comprehension**

<u>Directions</u>: Read the following three passages and answer the questions by choosing the best choice (1), (2), (3), or (4). Then mark the correct choice on your answer sheet.

## PASSAGE 1:

The complete definition of a geodetic datum includes the size and shape of the ellipsoid, its location and orientation, and its relation to the geoid by means of geoid undulations and deflection of the vertical. The geoid is a fundamental physical reference surface to which all observations refer if they depend on gravity. Because its shape is a result of the mass distribution inside the earth, the geoid is not only of interest to the measurement specialists but also to scientists who study the interior of the earth.

The gravity force vector is the gradient of the gravity potential and represents the total force acting at a point as a result of the gravitational and centrifugal forces. The gravity increases as one moves from the equator to the poles because of the decrease in centrifugal force. Surfaces on which the gravity potential is a constant are called equipotential surfaces, or level surfaces.

These surfaces can principally be determined mathematically if the density distribution is known. Of course, the density distribution of the earth is not precisely known. Physical geodesy deals with theories that allow estimation of the equipotential surfaces without explicit knowledge of the density distribution. The geoid is defined to be a specific equipotential surface having a specific gravity potential. In practice this equipotential surface is chosen such that on the average it coincides with the global ocean surface. This is a purely arbitrary specification chosen for ease of physical interpretation. The geoid is per definition an equipotential surface, not some ideal ocean surface.

## 11- Which one is the correct statement according to the passage?

- 1) The density distribution is needed for geoid determination.
- 2) Physical geodesy is a branch of geodesy for estimation of density distribution.
- 3) The density distribution is known when the equipotential surfaces are estimated.
- 4) Explicit knowledge of the density distribution is not necessary in physical geodesy.

۴	صفحه	155 A	مهندسی نقشهبرداری (کد ۱۲۶۳)
12-	The reference equipotential surfa 1) coincides with the global ocea 2) coincides with the ideal ocean	n surface on the average	
	<ul><li>3) is the global ocean surface</li><li>4) is the ideal ocean surface</li></ul>		
13-	According to the passage, "level s	urfaces and equipotent	ial surfaces".
	1) are constant	2) are the sa	ume
	3) differ by geoidal height	4) are referr	ed to the ellipsoid
14-	For defining a geodetic datum on	e needs to know	-
	1) the geoid orientation		oidal heights
	3) the geoid undulations	× 1	ty distribution
15-	The gradient of	/	5
	1) the gravitational potential	2) the gravit	
	3) the centrifugal potential	ý - E	distribution

## PASSAGE 2:

Terrestrial photogrammetry utilizes photographs taken from a ground station. A camera may be combined with a theodolite which allows the position and orientation of the camera to be defined. The theodolite enables the direction of the principal axis of the camera to be found, relative to a base line. At each station the camera is carefully centered and levelled such that the principal axis of the camera is horizontal and the plane of the photograph vertical. The plan position of a ground point can then be fixed from the terrestrial photograph. The method was originally devised for topographic surveys of very rugged terrain, and, as such, was widely utilized in Switzerland. The following instances of its use will serve to indicate present-day applications:

- Survey of sheer rugged faces in quarries, dam sites, etc.
- Short-base methods are used to make road-accident plans
- Wriggle surveys in tunnels
- Recording architectural details for the restoration of ancient buildings
- Scientific projects, such as stereoscopic photographs of intensely hot or other hazardous objects

# 16- According to the text, "the camera must be centered and leveled because ......".

- 1) the photograph should be centered
- 2) the theodolite should be horizontal
- 3) the plane of photograph should be horizontal
- 4) the principal axis of the camera should be horizontal
- 17- In terrestrial photogrammetry, photographs are ......
  - 1) taken with a camera fixed on a station 2) used for theodolite orientation
  - 3) analogue rather than digital 4) taken with a theodolite
- 18- "The theodolite enables the direction of the principal axis of the camera to be found, relative to a base line". This statement means that ......
  - 1) a base line is needed for camera orientation.
  - 2) the theodolite should be centered on every point of the base line.
  - 3) the base line should be already traced by the camera on the terrain.
  - 4) the principal axis of the camera should coincide with the plumb line of the theodolite.

۵ صفحه ۵ مفحه				مەبردارى (كد ۱۲۶۳)	مهندسی نقث			
19-	Terrestrial	nhotogrammetry	was	widely	used	in	Switzerland	hecause

- 19- Terrestrial photogrammetry was widely used in Switzerland because
  - 1) they invented the terrestrial photogrammetry technique.
  - 2) the most accurate theodolites are made in Switzerland.
  - 3) there are sufficient base lines in Switzerland.
  - 4) Switzerland is generally a rugged terrain.

# 20- In terrestrial photogrammetry, the positions of ground points are determined

- 1) by the camera
- 2) by the theodolite
- 3) using terrestrial photographs
- 4) in combination with aerial photographs

## <u>PASSAGE 3</u>:

The general public use maps everyday as a general information source, or as a tool to find specific locations when using a street directory or an atlas. They are bombarded with spatial information on television news reports, in newspapers and magazines, and as part of computer packages for gaming, education, and training. Technological developments have led to a wider range of different cartographic products that can be made faster and less expensively, and almost real-time interaction with visual displays. This has moved the emphasis from static to dynamic map use, from discrete to distributed information provision, and from 'wired' access to 'wireless' access. The 'real' geographical picture can be seen to be one that consists of many attributes. An efficient system for exploration would allow users to gain access to the 'picture' via a general, surface access mode or through a <u>rigorous</u> process of deep interrogation. At the 'viewing end' of the electronic mapping process, users would be offered depiction methods which either painted a general information overview or else gave a very specific and precise graphic profile of essential, user-defined geographical characteristics.

21-This passage is mainly concerned with ...... 1) various maps used daily 2) visualizing geography 3) general information sources 4) finding specific locations Spatial information, according to the passage, ...... 22-1) is used for gaming, education, and training 2) refers to specific tools used for finding locations 3) is considered as a main part of computer software 4) shows the impact of a directory or an atlas Development of different cartographic products leads to all of the following 23-ЕХСЕРТ ..... 1) presenting distributed information 2) using dynamic maps 3) private information provision 4) wireless access The word "rigorous" in the text is similar in meaning to ...... 24-1) difficult 2) constant 3) formal 4) accurate

155 A

صفحه ۶

مهندسی نقشهبرداری (کد ۱۲۶۳)

25-	Depiction methods					
	1) are presented at the viewing end of the electronic mapping process					
	2) give users specific and graphic profile of the viewing end stage					
	3) define the geographical characteristics	-				
	4) help users to paint an overview of gen	eral information				
		ریاضیات:				
	که در تساوی <mark>۴ = Re</mark> صدق میکنند، کدام است؟	۲۶ – مکان هندسی اعداد مختلط ∘ ≠ z = x + iy				
	۲) دایرهای به مرکز (۲ – , ۰) و شعاع ۲	۱) دایرهای به مرکز (۲, ۰) و شعاع ۲				
	۴) دایرهای به مرکز (۰, ۲-) و شعاع ۲	۳) دایرهای به مرکز (۰, ۲) و شعاع ۲				
		۲۷ – مقدار <mark>e<sup>sin x</sup> – ۱− x</mark> ، کدام است؟ ۲۷ – مقدار x→				
		معدار $\frac{1}{x \rightarrow 0}$ $x \rightarrow 0$				
		$\frac{1}{r}$ ()				
		) ) (۲				
		$\frac{r}{r}$ (r				
		7 (F				
زنقه	ره به مرکز مبدأ مختصات در نظر بگیرید. اگر مساحت ذو					
,						
	دام است؟ (O مرکز دایره است.)	ماکزیمم باشد، مقدار زاویه $\hat{ m COB}$ کد ABCD				
		$\frac{\pi}{\lambda}$ ()				
		$rac{\pi}{arsigma}$ (Y				
		π				
		$\frac{\pi}{\epsilon}$ (T				
		$\frac{\pi}{r}$ (*				
	_					
	عادلهٔ ۲ <b>۲ - ۲</b> ۲ ، کدام است؟	۲۹ - کمترین فاصلهٔ مبدأ مختصات از منحنی C به م 				
		$\sqrt{r}$ (1				
		۲ (۲				
		$\sqrt{arphi}$ (٣				
		٣ (۴				
بازۂ	در $\Im x - \int_{0}^{\Delta x} f(t) dt = \frac{1}{\Delta}$ در .	۳۰- فرض کنید [f : [° , ۱] → [f , ۱] پیوسته باشد.				
		[ <mark>، ک</mark> دام است؟ [ ۸]				
	۲) دقیقاً یک ریشه	<b>۵</b> ۱) صفر ریشه				
	۴) حداقل دو ریشه	۳) دقیقاً ۲ ریشه				
		-				

مهندسی نقشهبرداری (کد ۱۲۶۳)

ہے۔ مقدار  $\int_{a^{m}}^{e^{h}} \frac{\sqrt{1+\ln x}}{x\ln x} dx$  مقدار -۳۱  $\gamma - \ln \frac{\gamma r}{2}$  (1)  $\gamma + \ln \frac{\gamma}{\gamma}$  ( $\gamma$  $r + \ln \frac{r}{r}$  (r  $r + \ln \frac{r}{2}$  (f است؟  $\mathbf{f}(\mathbf{x}) = \mathbf{x}\sqrt[7]{1+\mathbf{x}}$  در بسط مکلورن تابع  $\mathbf{x}^{\mathsf{T}}$  $-\frac{1}{2}$  (1  $-\frac{1}{\pi}$  (7 <del>۱</del> ۹ (۳  $\frac{1}{r}$  (r بالت کدام است؟  $f(x) = \int \frac{1}{1-x^{\gamma}} \ln \frac{1+x}{1-x} dx$  فرض کنید  $f(x) = \int \frac{1}{1-x^{\gamma}} \ln \frac{1+x}{1-x} dx$  فرض کنید -۳۳  $-\ln \tau$  ()  $-\ln\sqrt{r}$  (r  $\ln\sqrt{r}$  (r Inr (f طول كمانى از منحنى به معادلهٔ  $y = e^t \sin t$  و  $x = e^t \cos t$ ، در بازهٔ  $t \in [\circ, f]$ ، كدام است? -۳۴  $\sqrt{r}(e^{r}-1)$  ()  $r(e^{r}-1)$  (r  $\sqrt{r}(e^{r}+1)$  ("  $T(e^{4} + 1)$  (4 ۱۳۵- فاصلهٔ همگرایی سری توانی  $\frac{(x+a)^n}{\sqrt[n]{n}}$  ، کدام است? – ۳۵  $\left(\frac{-11}{\pi},\frac{1}{\pi}\right)$  (1)  $\left[-\frac{1}{r},\frac{1}{r}\right)$  (7)  $\left(-\frac{1}{r},\frac{1}{r}\right]$  ("  $\left[-\frac{1}{r},\frac{1}{r}\right](r)$ 

155 A

$$\begin{split} & \sum_{\substack{k=1\\n\to\infty}} \frac{\sum_{\substack{k=1\\n\to\infty}}^{n} \tan^{-1}(\frac{Yk-1}{n})}{n}, (n\in\mathbb{N}) \xrightarrow{k=1\\n}, \sum_{\substack{k=1\\n\to\infty}}^{n} \frac{-\ln Y(1)}{n} \\ & -\ln Y(1) \\ & -\ln \sqrt{Y}(Y) \\ & \ln \sqrt{Y}(Y) \\ & \ln \sqrt{Y}(Y) \\ & \ln \sqrt{Y}(Y) \\ & \ln Y(Y) \\ & \ln Y(Y) \\ & \ln Y(Y) \\ & \ln Y(Y) \\ & + \sqrt{Y}(Y) \\ & + \sqrt{$$

$$\frac{x}{1+\lambda\pi} = Y - y = \frac{z-1}{-Y\pi} (Y)$$
$$\frac{x}{1-\lambda\pi} = \frac{y-Y}{-Y\pi} = 1 - z (Y)$$
$$\frac{x}{-Y\pi} = \frac{y-Y}{1-\lambda\pi} = 1 - z (Y)$$

155 A

ی کدام است؟  $\int_{-\pi}^{\frac{\pi}{r}} \int_{\sqrt{r}}^{\frac{\pi}{r}} \cos(y^{r}) \, dy \, dx$  مقدار -۴۱ ۱) صفر  $\frac{1}{r}$  (7  $\sqrt{\pi}$  (m ۳ (۴ فرض کنید  $(lpha,eta,\gamma)$  مختصات مرکز جرم جسمی به شکل سطح سهمیگون  $z=r-x^7-y^7$  باشد که به –۴۲ صفحهٔ c = ۰ محدود بوده و چگالی سطحی آن در تمام نقاط برابر kg است. مقدار γ کدام است؟ س<sup>m</sup> ۲  $\frac{v}{\lambda}$  (1)  $\frac{11}{17}$  (7  $\frac{\pi\gamma}{\epsilon_{\circ}}$  (T 111 (4 (۱, ۱) فرض کنید ( $\vec{r}(x, y) = (rxe^{y} + 1, x^{r}e^{y})$  و  $\vec{r}(x, y) = (rxe^{y} + 1, x^{r}e^{y})$  باشد، که نقطهٔ -47 وصل می کند. کار انجام شدہ توسط نیروی  $ec{\mathbf{F}}$  روی مسیر C، کدام است؟  $-e-\tau$  () -e-1 (7e + 1 ( $\gamma$  $e + \gamma$  (f کدام مورد برای ماکزیمم اندازه نزول تابع  $f(x,y,z) = xy^7 z^7$  در نقطهٔ (۲,۱,–۱) درست است? –۴۴ ) ماکزیمم اندازه نزول  $\hat{i} + \hat{j} + \hat{k}$  و در جهت بردار  $\hat{i} + \hat{j} + \hat{k}$  است. ) ماکزیمم اندازه نزول  $\sqrt{\Delta T}$  و در جهت بردار  $\hat{i} - \hat{j} + \hat{j} - \hat{i} -$ است. ) ماکزیمم اندازه نزول  $\sqrt{\epsilon}$  و در جهت بردار  $\hat{i} + \epsilon \hat{j} + \epsilon \hat{k}$  است. (۳ ) ماکزیمم اندازه نزول  $\sqrt{\epsilon}$  و در جهت بردار  $\hat{i} + \hat{j} - \hat{k}$  است. (۴

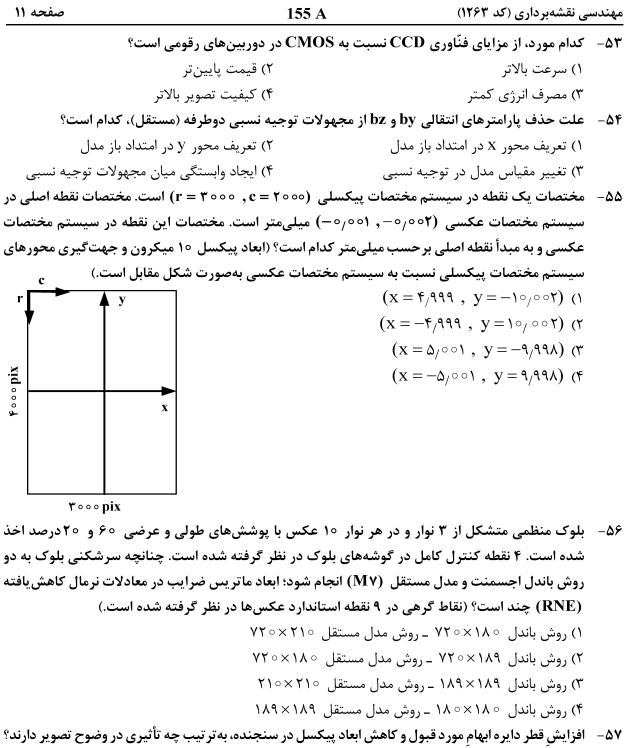
۴۵- فرض کنید ∆ سطح استوانهٔ ۱≥y ≥ «<sup>۲</sup>, ۰ × ع باشد که توسط صفحهٔ ۱ = z بریده شده است. اندازهٔ شارگذرای برونسوی میدان برداری F(x,y,z) = ۳xyî بر سطح ∆، کدام است؟ ۴ (۱ ۲ (۲ ۳) ۱

۴) صفر

(1798	15)	دارم		مهندسي
(117)	$\mathbf{v}$	15310	ىقسەبر	مهندسے

## فتوگرامتری:

- **۴۶ در برجستهبینی زوج عکس قائم، اگر ار تفاع پرواز از سطح زمین ۱۰۰ متر، پارالاکس پای درخت ۵۰ میلیمتر** و پارالاکس بالای درخت ۵۵ میلیمتر باشد، ارتفاع درخت تقریباً چند متر است؟ 11 (4 ۱۰ (۳ 9 (1 ٨ (١ کدام حالت قطعاً باعث نقصان مرتبه در محاسبات سرشکنی شبکههای فتوگرامتری هوایی می شود؟ -41 ۱) برداشت تصاویر به همراه مختصات سهبُعدی مراکز تصویربرداری بدون نقطه کنترل زمینی ۲) مثلثبندی هوایی یک بلوک تصویری فتوگرامتری با استفاده از سه نقطه کنترل سهبعدی ۳) مثلثبندی هوایی یک بلوک تصاویر هوایی قائم و مایل با کمک یک گرید نقاط کنترل زمینی ارتفاعی ۴) مثلثبندی هوایی یک نوار از تصاویر ساحلی با استفاده از دو نقطه کنترل مسطحاتی و یک نقطه کنترل ارتفاعی ۴۸- اگر خطای مثلث بندی هوایی را نصف خطای مجاز نقشهٔ ۱<u>۰</u> با منحنی میزان ۵/۵ متر درنظر بگیریم، خطای ارتفاعی تبدیل و ترسیم در سطح اطمینان ۹۰ درصد حداکثر چند سانتیمتر می تواند باشد تا کیفیت نقشه تائید شود؟ 17 (1 10 (1 YD (4 ۲۱ (۳ درصورت استفاده از ماتریسهای دوران جبری (مانند ماتریس رودریگز) بهجای ماتریس دوران مثلثاتی -49 (مانند ماتریس اویلر)، کدام مورد درست است؟ ۲) وابستگی به تعریف محورهای مختصات ۱) وابستگی بهترتیب دورانها ۴) عدم امکان تفسیر فیزیکی زوایا در ماتریس دوران ۳) سرعت همگرایی پایین در محاسبات سرشکنی اگر دقت استخراج موقعیت مسطحاتی زمینی نقاط از یک زوج تصویر هوایی استاندارد با نرخ باز به ارتفاع پرواز -۵۰ ، برابر با ۲ متر باشد، آنگاه دقت استخراج مختص ارتفاع زمینی برای این نقاط چند متر است ${}^{9}_{-}=\circ/4$ 4 (1 0,8 () 1 (4 1/4 (1 سرشکنی بلوکی به شکل زیر با استفاده از روش باندل اجسمنت مدّنظر است. موقعیت و وضعیت هر عکس -01 به کمک GPS و INS به صورت شبه مشاهده اندازه گیری شده است. با فرض ثابت بودن نقاط کنترل، تعداد معادلات و مجهولات به تر تیب کدام است؟ image 1 ۹۴ معادله و ۶۶ مجهول image 2 نقطه كنترل كاما ۲) ۱۱۰ معادله و ۶۲ مجهول ۳) ۸۰ معادله و ۶۲ مجهول ۴) ۹۴ معادله و ۳۲ مجهول
  - ۵۲- کدام گزاره درخصوص اعوجاج عدسیها نادرست است؟ ۱) اعوجاج مماسی تنها دارای مؤلفه مماسی است. ۲) اعوجاج شعاعی با فاصله اصلی رابطهٔ خطی دارد. ۳) اعوجاج مماسی، در اثر هممرکز نبودن عدسیهای دوربین رخ میدهد. ۴) اعوجاج شعاعی در عدسیهای متقارن نسبت به عدسیهای نامتقارن کمتر است.



$$1 \circ \circ (x - x_{a'}) + 1 \Delta \circ \circ (y - y_{a'}) + 1 \Lambda \circ (z - z_{a'}) = \circ (4)$$

- ۵۹- در طراحی پرواز یک پروژه عکسبرداری قائم هوایی، در صورتی که عکس شمارهٔ ۵ با عکس شمارهٔ ۱ دارای ۲۰ درصد همپوشانی طولی باشد، همپوشانی طولی هر دو عکس متوالی در این پروژه چند درصد است؟ ۱) ۶۰ ۲) ۷۰
  - ۳) ۵۸
  - ۹० (۴

-9- یک عکس هوایی مایل با زاویه تیلت 9 < critic crite critic critic critic

۶۱ عکسی از ارتفاع ۲۰۰۰ متری سطح زمین با دوربینی به فاصله کانونی ۱۰۰ میلیمتر اخذ شده است. مقدار اعوجاج شعاعی عدسی برای اشعهای که با زاویه ۴۵ درجه نسبت به محور نوری دوربین ثبت شده است، برابر با چند میکرون است؟

$$(\Delta \mathbf{r} = \mathbf{K}_{\circ}\mathbf{r} + \mathbf{K}_{1}\mathbf{r}^{\mathsf{T}}, \mathbf{K}_{\circ} = \Delta \times 10^{-\Delta}, \mathbf{K}_{1} = 1 \times 10^{-\Lambda})$$

$$\Upsilon \circ (\Upsilon \qquad 1\Delta (1)$$

۲ (۴ ۱/۵ (۳

γ۲- مختصات زمینی سه نقطه کنترل کامل، طبق جدول داده شده است. مقیاس متوسط عکس <mark>۵۰۰۰</mark> و فاصله کانونی دوربین ۱۵۰ میلیمتر است. مقدار اولیه ارتفاع نقطه مرکز تصویر در حل تکراری ترفیع فضایی عکس، کدام است؟

Z[m]	Y [m]	X[m]	شماره نقطه كنترل		۵
<b>4</b> 40/00	1808/00	۳۸۱۹ <sub>/</sub> ۰۰	١	•	٧
100/00	<b>٩</b> ۶°/°°	<b>۴۷۸۷</b> /00	۲		٨
<b>۲۱</b> 0/00	8086/00	1420/00	٣		٩

در صورتی که  $R_{st\alpha}$  ( آزیموت =  $\alpha$ ، تیلت = t و سویینگ = s) یک ماتریس دوران باشد که سیستم مختصات شیئی را به سیستم مختصات عکسی مرتبط نماید، این ماتریس: ۱) یک ماتریس متعامد است که در آن مجموع مربعات هر سطر و ستون برابر یک است. ۲) یک ماتریس متعامد نیست اما در آن مجموع مربعات هر سطر و ستون برابر یک است. ۳) یک ماتریس متعامد است که ضرب داخلی آن در ترانهاده خودش برابر ماتریس صفر است. ۴) یک ماتریس متعامد نیست و از هیچیک از خواص متعامد بودن ماتریسها برخوردار نیست.

- شود، تعداد مجهولات و تعداد معادلات ــ مشاهدات به تر تیب چه تعداد است؟
- ۲) ۶ مجهول و ۵ معادله
   ۲) ۵ مجهول و ۵ معادله
- ۳) ۱۲ مجهول و ۱۰۰ معادله (۴ معادله ۲) ۱۵ مجهول و ۵۰ معادله

#### مهندسی نقشهبرداری (کد ۱۲۶۳)

۶۵- رابطه ریاضی تبدیل افاین دوبُعدی جهت انجام توجیه داخلی عکس بهصورت زیر است. مفهوم فیزیکی پارامترهای این تبدیل، کدام است؟

 $\begin{cases} \mathbf{u} = \mathbf{a}_1 \mathbf{x} + \mathbf{a}_7 \mathbf{y} + \mathbf{a}_6 \\ \mathbf{v} = \mathbf{b}_1 \mathbf{x} + \mathbf{b}_7 \mathbf{y} + \mathbf{b}_6 \end{cases}$ 

۲) ۲ مقیاس – ۲ انتقال
 ۲) ۲ مقیاس – ۱ انتقال – ۳ دوران
 ۳) ۱ مقیاس – ۴ انتقال – ۱ عدم عمود بودن محورها
 ۴) ۲ مقیاس – ۲ انتقال – ۱ دوران – ۱ عدم عمود بودن محورها

#### <u>ژئودزی:</u>

- ۶۶- در منطقهای سطح فیزیکی زمین، ژئوئید و بیضوی هر سه بر هم منطبق هستند. در این منطقه ضریب مقیاس ترکیبی چگونه است؟
   ۱) برابر با صفر است.
   ۲) برابر با ضریب مقیاس سیستم تصویر است.
   ۳) بزرگتر از ضریب مقیاس سیستم تصویر است.
- ۶۷ در مسئله مقدار مرزی، شرط منظم بودن(regularity condition) کدام است؟ (v پتانسیل و r فاصله جرم تا مرکز زمین است.)
- ۶۸ در مورد اعتمادپذیری در شبکههای ژئودتیکی، کدام گزاره درست است؟
   ۱) با افزایش عدد آزادی مشاهدات، اعتمادپذیری خارجی بهتر شده اما اعتمادپذیری داخلی تغییری نمی کند.
   ۲) با افزایش عدد آزادی مشاهدات، اعتمادپذیری داخلی بهتر شده اما اعتمادپذیری خارجی تغییری نمی کند.
   ۳) با افزایش عدد آزادی مشاهدات، اعتمادپذیری داخلی و اعتمادپذیری خارجی بهتر میشود.
   ۳) با افزایش عدد آزادی مشاهدات، اعتمادپذیری داخلی داخلی بهتر شده اما اعتمادپذیری داخلی تغییری نمی کند.
   ۲) با افزایش عدد آزادی مشاهدات، اعتمادپذیری داخلی و اعتمادپذیری خارجی بهتر میشود.
   ۳) با افزایش عدد آزادی مشاهدات، اعتمادپذیری داخلی و اعتمادپذیری خارجی بهتر میشود.
- ۶۹ از آنالیز یک سری از دادههای جزرومد ثبتشده از تاید گیج، مؤلفههای اصلی به شرح زیر استخراج شدهاند. تلفیق این مؤلفهها باعث چه نوع جزرومدی خواهد شد؟

- در تبدیل مختصات کارتزین از سیستم مختصات ژئوسنتریک به ژئودتیک، داشتن چه پارامترهایی لازم است؟
   مختصات مرکز بیضوی در سیستم ژئوسنتریک، زاویهٔ محورهای بیضوی با محورهای آن و نیمقطرهای اطول
   و اقصر بیضوی
- ۲) فشردگی بیضوی، مختصات مرکز بیضوی در سیستم ژئوسنتریک و زاویهٔ محورهای بیضوی با محورهای آن
  - ۳) مختصات نقطهٔ قطب، فشردگی بیضوی و زاویهٔ محورهای بیضوی با محورهای سیستم ژئوسنتریک
    - ۴) مختصات مرکز بیضوی در سیستم ژئوسنتریک، فشردگی بیضوی و مختصات نقطهٔ قطب

صفحه ۱۴	155	5 A (	سی نقشهبرداری (کد ۱۲۶۳)	مهندس
هٔ GPS ار تفاع را ∘۸	از شبه ژئویید قرار دارد. اگر گیرند	مین، بیضوی ۱۰ متر پایینتر	در یک نقطه از سطح زه	-71
	است؟	نرمال در این نقطه چند متر ا	متر نشان دهد، ارتفاع ا	
	۷ ۰ (۲		۹۰ (۱	
نيست.	۴) ارتفاع نرمال قابل محاسبه		۳) ۱۰ (۳	
ست است؟	<b>، مرجع در ژئودزی، کدام گزینه در</b> ،	عتصات مرجع و چارچوبهای	درمورد سیستمهای مخ	-77
		ىىرسانند.	۱) هردو یک مفهوم را ه	
	از سیستمهای مرجع هستند.	تحققهایی (realization)	۲) چارچوبهای مرجع	
	یشوند ولی چارچوبهای مرجع در ا			
	ما چارچوبهای مرجع میتوانند غیرز			
<u></u>	، از پارامترهای زیر تأثیرگذار <u>نیست</u>			-77
	۲) زاویهٔ انحراف قائم ۴) شتاب گریز از مرکز		۱) آنامولی جاذبه	
	اویه ارتفاعی ۲۵۰۰۰ کیلومتر اسه			-74
	زاويه ارتفاعي ماهواره تقريباً چند ه			
	۴۶° (۳			
، شده برابر ۱۲ است.	ریخ مشخص به زمان UTC اضافه			۵۷–
		نواع زمان در این تاریخ، درس ن DDG		
		GPS tir		
	,	GPS time =	,	
Ϋ́.	GI موجود، کدام مورد درست است			-77
			) برای موج $L_1$ کمتر $L_1$	
		ستگی به فرکانس آنها ندارد.	-	
		همواره در مناطق کوهستانی ا ا		
		های دو فرکانسه میتوان اثر آ		
	روش کمترین مربعات وزن دار استفاده			- V V
	هستند و ماتریس وزن برابر با معکوس	_		
	نقاط همین شبکه دوباره محاسبه شر	_		
	صله نسبت به حالت قبل چه تغییری . ۲/		_	
	۲) دقت برآوردگر بهتر می شود ۲) د دقت با سال می		<ol> <li>دقت برآوردگر بدتر ه</li> <li>ش</li> </ol>	
	۴) در دقت و اریبی برأوردگر : ستیم بهتر تبیی دلیلم جه درجه ام		۳) براوردگر اریبی میش دین کارند هایمند ک	~
	ست و به تر تیب دارای چه درجه [ و			- , ,,
			۱) زونال و ∘ = n۲, m ۲) زونال و ۶ = ۶, m	
			$m = \circ$ ) سکتوریال و $m = \circ$	
			m = ۶) سکتوریال و $n = 8$	
		1 - 7, 1	۱) سکتوریان و ۲۰ – ۱۱	

155 A مهندسی نقشهبرداری (کد ۱۲۶۳) صفحه ۱۵ ۷۹- در مورد شبکههای گرانیسنجی نسبی، کدام عبارت درست است؟ سرشکنی این شبکهها تقریباً همانند شبکههای ترازیابی انجام می شود. ۲) امروزه می توان شبکههای ترازیابی دقیق را جایگزین شبکههای گرانی سنجی نسبی کرد. ۳) با وجود روش گرانی سنجی مطلق، امروزه نیازی به شبکههای گرانی سنجی نسبی نیست. ۴) با وجود روش گرانی سنجی ماهوارهای، امروزه نیازی به شبکههای گرانی سنجی زمینی نیست. در رابطهٔ  ${f C_p\over \overline g}$  ، ارتفاع موردنظر کدام است؟ (  $C_p$  عدد ژئوپتانسیل و  ${f \overline g}$  میانگین شــتاب ثقل در -٨٠ راستای خم شاقولی است.) ۲) ارتفاع دینامیک ۱) ارتفاع نرمال ۴) ارتفاع متوسط ثقلی ۳) ارتفاع ارتومتریک می سود  $g_\circ = g + rac{\partial g}{\partial H}$  به روی ژئوئید  $(g_\circ)$ ، از رابطهٔ  $g_\circ = g + rac{\partial g}{\partial H}$  استفاده می شود –۸۱ (  ${f H}$  ارتفاع). اگر دقت  ${f g}_{\circ}$   $\pm \circ_{/}$  میلی گال و دقت  ${f H}$  ،  ${f H}$  متر باشد، دقت  ${f g}_{\circ}$  تقریباً چقدر است؟ میلیگال بر متر بوده و از خطای آن صرفنظر شده است.)  $\frac{\partial \mathbf{g}}{\partial \mathbf{u}} pprox \circ / \mathbf{r}$  $\pm \circ_{/}$   $\beta$  mgal ( $\gamma$  $\pm \circ_{/}$  mgal ()  $\pm 1/\Delta$  mgal (\*  $\pm 1_{/} \circ \text{mgal}$  (r در مرکز کره همگنی به جرم m، شتاب جاذبه و پتانسیل جاذبه به تر تیب چگونه هستند؟ -87 ۲) حداکثر \_ صفر ۱) صفر \_ صفر ۴) حداکثر \_ حداکثر ۳) صفر \_ حداکثر **۸۳** کدام رابطه بیانگر تصحیح هوای آزاد است؟ (g) شتاب ثقل واقعی، H ارتفاع ارتومتریک و  $\mathbf{F}$  تصحیح هوای آزاد است.)  $F = -\partial g H$  (r  $g_H = g - F$  (1)  $F = -\frac{\partial g}{\partial H} H$  (f  $F = g_p - \int_0^p \partial g dH$  (7) در یک شبکه نقشهبرداری با مشاهدات مستقل از لحاظ آماری، ماتریس وزن مشاهدات معادل با معکوس ماتریس وریانس ـ کوواریانس مشاهدات در نظر گرفته شده و مختصات نقاط مجهول از طریق روش کمترین مربعات وزن دار برآورد شده است. اگر دقت تمامی مشاهدات ۲ برابر بهبود یابد، آنگاه کدام گزاره درست است؟ عدد آزادی مشاهدات تغییری نمی کند. ۲) عدد آزادی مشاهدات قطعاً کاهش می یابد. ٣) عدد آزادی مشاهدات قطعاً افزایش می بابد. ۴) عدد آزادی مشاهدات ممکن است افزایش یا کاهش یابد. ۸۵- پس از تعیین مختصات مسطحاتی (E,N) یک نقطه با جیانااساس، قطر بزرگتر بیضی خطای آن بر محور N منطبق شده و طول آن دو برابر طول قطر کوچکتر بهدست آمده است. از این جمله چه نتیجهای می توان گرفت؟ ) مختصهٔ E و N از هم مستقل بوده و واریانس N دو برابر واریانس E است.

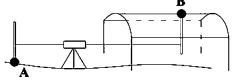
- ) مختصهٔ E و N از هم مستقل بوده و انحراف معیار N دو برابر انحراف معیار E است. (۲
- ۳) دو مختصه از هم مستقل نیستند (چون بیضی خطا دایره نیست) و انحراف معیار N دو برابر انحراف معیار E است.
- ۴) دو مختصه از هم مستقل نیستند (چون بیضی خطا دایره نیست) و واریانس مختصهٔ N دو برابر واریانس مختصة E است.

*نقشەبردارى:* 

 $A^{-}$  ترازیابی مستقیم یک طرفه از نقطهٔ A به نقطهٔ B در ۱۰ دهنه (setup) انجام شده است. اگر هر قرائت با ترازیاب بر روی شاخص  $\pm t$  میلیمتر خطای اتفاقی داشته باشد، خطای اتفاقی اختلاف ارتفاع دو نقطه چند میلیمتر است؟  $\pm \sqrt{10}$  (1)

$$\pm \Upsilon \circ \sqrt{\Upsilon}$$
 (f  $\pm \Upsilon \sqrt{\Upsilon \circ}$  (T

۸۷- اختلاف ار تفاع دو نقطه A و B مطابق شکل توسط یک دوربین ترازیاب دارای خطای کلیماسیون، طبق جدول زیر برداشت شده است. چنانچه صفر شاخص در نقطه B به سقف چسبیده باشد (شاخص معکوس)، خطای کلیماسیون دوربین ترازیاب چند است؟



نقطه استقرار شاخص	قرائت شاخص عقب	قرائت شاخص جلو	فاصله افقى دوربين تا شاخص
Α	10 TF mm		۶۰m
B		8789 mm	۶∘ m
Α	۲۸۴۴mm		۴°m
В		1440 mm	∧ ∘ m
1		> 11	

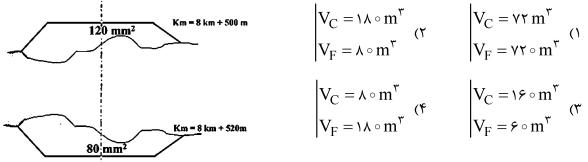
۱) ۱ سانتیمتر در ۱۰۰ متر رو به بالا ۳) ۳/۳۳ میلیمتر در ۱۰۰ متر رو به بالا

۲) ۱ سانتیمتر در ۱۰۰ متر رو به پایین
 ۴) ۳/۳۳ میلیمتر در ۱۰۰ متر رو به پایین

۸۸ – در قسمتی از جاده احداثی بین دو شهر، نیاز به حفاری تونلی به طول ۱۰۰ متر با مقطع D شکل است. اگر پس از اتمام ساخت دیوارههای کناری و سقف تونل، مطابق شکل زیر، قطر قسمت نیمدایره شکل مقطع تمام شده تونل ۸٫۵ متر، ضخامت لاینینگ دیواره تونل ۵۰ سانتیمتر و ضخامت مش و شاتکریت دیواره ۲۵ سانتیمتر باشد، حجم تقریبی حفاری چند متر مکعب است؟ (۳٫۱۴)

٣۶٨۶ (١

- 4770 (7
- 4975 (8
- 19100 (4
- ۸۹ مساحت مقاطع زیر بر روی نقشهای به مقیاس <mark>۱</mark> اندازهگیری شده و به واحد میلیمتر مربع روی مقطع نوشته شده است. حجم خاکبرداری و حجم خاکریزی بین دو مقطع بهترتیب چند متر مکعب است؟



صفحه ۱۷	155 A	سی نقشهبرداری (کد ۱۲۶۳)	مهندس
این محور بر محور قائم آن عمود نباشد، خط دید	ور چرخش، اگر	هنگام دوران تلسکوپ تئودولیت حول مح	_٩.
		چه رویهای را جاروب میکند؟	
<ul> <li>) مخروطی که رأس آن مرکز تلسکوپ است.</li> </ul>	٢	۱) صفحه مایل گذرا از مرکز تلسکوپ.	
<ul> <li>۲) رویه جواب، از رویههای هندسی شناخته شده نیست.</li> </ul>	۴	۳) صفحه قائم گذرا از مرکز تلسکوپ.	
<b>ر زاویه یاب با خطای کلیماسیون لمب قائم ۲ درجه</b>			-91
ر قرائت لمب قائم در حالت دایره به چپ برابر ۴۲	ه نوک برج مقدا	استفاده شده است. چنانچه در نشانهروی ب	
در حالت دایره به راست برابر ۲۲۴ درجه باشد و			
ه باشد، مقدار دقیق ارتفاع برج چند متر است؟			
$(\tan \mathfrak{F}\mathfrak{F}^{\circ} = \circ_{/}\mathfrak{A}\mathfrak{V}, \tan \mathfrak{F} \circ \circ = \circ_{/}\mathfrak{A}\mathfrak{F}, \tan \mathfrak{F} \Lambda^{\circ}$	= 1/11)		
۱۹۵ (۱	٢	194 (1	
۲ ° ۹/۱۳ (۱	f	$r \circ r_{/}$ ia (r	
سات مسطحاتی تمامی نقاط شبکه مجهول است.	گیرید که مختص	شبکه نقشهبرداری مسطحاتی را در نظر ب	-97
هگیری و مختصات مسطحاتی یکی از نقاط شبکه	تئودوليت انداز	تمامی زوایای داخلی این شبکه توسط یک	
لی مشاهدات در این شبکه و برآورد مختصات	منظور سرشكن	نیز توسط GPS مشاهده شده است. به	
<b>ی شده دارای چند نقص دیتوم است؟</b>	شاهدات تشكيل	مسطحاتی تمامی نقاط، دستگاه معادلات م	
۲ (۲	٢	1 (1	
۴ (۲	۴	٣ (٣	
ک دستگاه توتال استیشن با دقت طولیابی	۵۰ متر، از ی	برای اندازهگیری یک طول به مقدار ۰	۹۳-
. کور ۲۵ بار قرائت شود، خطای بیشینه (۹۹ درصد)	. چنانچه طول مذ	۴ mm + ۶ ppm کمک گرفته شده است.	
		چند میلیمتر است؟	
٣ (١	٢	1 (1	
10 (1	f	۵ (۳	
یک شبکه، کدام گزینه درست است؟	(internal rel	iability) در مورد قابلیت اطمینان داخلی	-94
	شبکه است.	۱) کوچکترین خطای اتفاقی کشف نشده در	
	شبکه است.	۲) بزرگترین خطای اتفاقی کشف شده در	
ت.	ىدە در شبكە اس	۳) بزرگترین خطای سیستماتیک کشف نش	
ء است.	ی کشف در شبک <b>ه</b>	۴) کوچکترین خطای سیستماتیک غیرقابل	
، بر آورد در هر دو راستا برابر s و کوواریانس بین	، است. دقت این	مختصات مسطحاتي يك نقطه برآورد شده	۹۵-
نطه بهصورت یک دایره درمی آید. شعاع این دایره	۹۵ درصد این نة	آن دو صفر بر آورد شده است. بیضی خطای	
		تقريباً چقدر است؟	
Υ/Δ S (Υ	٢	۳۶ (۱	
s (1	f	7 s (m	
ن ۵۰ مشاهده آزمون واریانس (خی دو) بهصورت	است. بر روی ای	فاصله بین دو نقطه ۵۵ بار اندازهگیری شده	-96
پ رد شود (یعنی آماره آزمون مقدار کمتری از حد	مون از طرف چہ	دو طرفه انجام شده است. اگر فرض صفر آز	
ر توان گرفت؟	چه نتیجهای می	استانه پایینی خی دو را نشان دهد)، آنگاه	
	ن است.	۱) دقت اسمی دستگاه بهتر از دقت واقعی آ	
	ن است.	۲) دقت اسمی دستگاه بدتر از دقت واقعی آ	
دارد.	اهدات همخوانی	۳) دقت اسمی دستگاه درست است و با مش	
ن است بهتر یا بدتر از دقت واقعی دستگاه باشد.	ی ندارد، اما ممک	۴) دقت اسمی دستگاه با مشاهدات همخوان	

صفحه ۱۸	155 A	مهندسی نقشهبرداری (کد ۱۲۶۳)
بر با ۱۵ متر اندازهگیری شده	بع، طول یک ضلع آن با یک متر نواری، براب	۹۷- برای تعیین محیط زمینی به شکل مر
ر طول اندازه گیری شده چند	سانتیمتر بهدست آمده باشد، انحراف معیار	است. اگر انحراف معیار محیط ۲۰± ۰
		سانتیمتر بوده است؟
	$\pm$ YD (Y	$\pm\sqrt{ extsf{ extsf} extsf{ extsf{ extsf{ extsf{ extsf} extsf{ extsf{ extsf} ext$
	土۵ (۴	$\pm\sqrt{\Delta}$ (r
- درصد است. اگر کیلومتراژ	برودی و خروجی بهترتیب ۲– درصد و ۳+	۹۸- در یک قوس قائم، شیب مماسهای و
قوس از مماس ورودی ۵/۵	ً متر باشد، در چه کیلومتراژی فاصله قائم	پایینترین نقطه این قوس برابر ۲۰۰
	صفر در نظر گرفته شده است.)	متر میشود؟ (کیلومتراژ شروع قوس
	۱۰۰m (۲	۲۵ m (۱
	۲۵ $\circ$ m (۴	۱۵ $\circm$ (۳
یر طراحی شده است. شیب	ک خط برگشت با عرض سوارهرو <sup>۵</sup> ۳٫۶ م	۹۹- مسیر دوطرفهای با یک خط رفت و ی
<b>عاع ۵۵۰ متر به همراه قوس</b>	۱ درصد به طرفین است. قوس دایر های به ش	عرضی این جادہ در قسمت مستقیم ۲
ور وسط راه در شروع قوس	ر وجود دارد. اگر ارتفاع خط پروژه در مح	اتصال به طول ۸۰ متر در این مسیر
صد باشد، با اعمال بربلندی	۰ خط پروژه در طول قوس اتصال ۳+ در	اتصال ۷۲ ۱/۰ ۲۵۰ متر باشد و شیب
، قوس دایرهای چقدر است؟	داخلی، ار تفاع محور وسط جاده در ابتدای	بوسیله دوران نیمرخ عرضی حول لبه
	$T\Delta\circ T/Fq$ (T	578/818 (1
	۲۵ $\circ$ ۳/۵۸ (۴	$ au \Delta \circ  au_{/} \Delta  au \mathcal{S}$ (t
هده میشود. برای این نقطه	ابی و مسیر برازش داده شده به آن، مشاه	۱۰۰ – در شکل زیر خطوط شکسته مسیریا
<b>یروجی است.</b> )	تر است؟ (d1 امتداد ورودی و d2 امتداد خ	شکست در مسیر، چه قوسی مناسب
d1d2		۱) قوس مرکب با R1 <r2< td=""></r2<>
	<b>`</b>	۲) قوس مرکب با R1>R2
		۳) قوس سادہ
	جی متقارن	۴) قوس اتصال با شاخه ورودی و خرو
. با ۳۶/۰ بهدست آمده است.	شبكۀ ژئودتيک، فاكتور واريانىي ثانويه برابر	۱۰۱ - پس از سرشکنی کمترین مربعات یک
	مای بر آورده شده برابر با ۴ <sub>/</sub> ۳۲ باشد، درج	
		چند است؟
	٣ (٢	۲ (۱
ى نيست.	۴) اطلاعات مسئله کاف	۲۲ (۳
۔ (بیسیکتریس) باشد، اندازہ	برابر فاصله نقطه تقاطع تا وسط قوس $\sqrt{\pi}$	۱۰۲ اگر در قوس دایره ساده، طول تانژانت
	•••••	زاویه انحراف قوس چقدر است؟
	۱۲۰ (۲	۹० (۱
	۱۵۰ (۴	۱۳۵ (۳
اگر مساحت یک زمین به	بلندتر از مقدار درست آنها نشان میدهد	۱۰۳- یک متر نواری اعداد را ۵ سانتیمتر
	هر ضلع آن با این متر ۲۵/۵ مترمربع خطای	
_		محیط زمین چند متر است؟
	۲۰ (۲	۲۰۰ (۱

۹) ۵

۱۰ (۳

مهندسی نقشهبرداری (کد ۱۲۶۳)

ی کنید که دقت اندازهگیری فاصله (صرفنظر از خطای استقرار دوربین و	۱۰۴- در اندازهگیری یک فاصله، فرض
ت. علاوهبر این، دقت استقرار دوربین یک سانتیمتر و دقت استقرار نشانه	نشانه) برابر با یک سانتیمتر اس
ر بعد از استقرار دوربین و نشانه، این فاصله ۴ بار اندازهگیری شود، و طول	نیز یک سانتیمتر است. حال اگر
اصله برآورد شود، واریانس فاصله برآورد شده چند سانتیمتر مربع است؟	نهایی با میانگین گیری از این ۴ ف
۲/۲۵ (۲	°∕¥∆ ()
٣ (۴	۲/۵ (۳

- ۱۰۵ طول اضلاع یک پیمایش n ضلعی، یک بردار تصادفی با توزیع نرمال است. اگر میانگین بر آورده شدهٔ هر طول را از آن کم کرده و نتیجه را بر انحراف معیار آن تقسیم کنیم، سپس آنها را به توان دو رسانده و با هم جمع کنیم، متغیر تصادفی جدید از چه توزیعی تبعیت خواهد کرد؟
   ۱) T استیودنت با n درجه آزادی
  - ب T ( $\chi^{r}$ ) کای اسکور ( $\chi^{r}$ ) با n-1 درجه آزادی  $(\chi^{r})$  کای اسکور ( $\chi^{r}$ ) با n-1 درجه آزادی