







14+1	_ سال ۳ 	سته داخل	ون ورودی دورههای کارشناسیارشد ناپیو 	آزم
	_			
			ریاضی (کد ۱۲۰۸)	
دقيقه	ىخگويى: ۲۵۵	مدتزمان پاس	اد سؤال: ۱۴۵	ک تعد
		سؤالها	عنوان مواد امتحانی، تعداد و شماره م	
تا شماره	از شماره	تعداد سؤال	مواد امتحانی	رديف
۲۵	١	۲۵	زبان عمومی و تخصصی (انگلیسی)	١
	75	۴۰	دروس پایه (ریاضی عمومی (۲و۲)، معادلات دیفرانسیل، مبانی علوم ریاضی، مبانی ماتریسها و جبر خطی، مبانی آنالیز ریاضی، مبانی آنالیز عددی و مبانی احتمال)	۲
۶۵				٣
۶۵ ۸۵	55	۲۰		1
	99 NS	۲۰ ۲۰	آنالیز ریاضی	*
٨۵	, ,		آنالیز ریاضی مبانی جبر و مبانی ترکیبات	
۸۵ ۱۰۵	٨۶	۲.	آنالیز ریاضی	۴

حق چاپ، تکثیر و انتشار سؤالات به هر روش (الکترونیکی و …) پس از برگزاری آزمون، برای تمامی اشخاص حقیقی و حقوقی تنها با مجوز این سازمان مجاز میباشد و با متخلفین برابر مقررات رفتار می شود.

ریاضی (کد ۱۲۰۸)

صفحه ۲

167 A

	0
دم درج مشخصات و امضا در مندرجات جدول زیر، بهمنزله عدم حضور شما در جلسه آزمون است.	* داوطلب گرامی، ع
با آگاهی کامل، یکسان بودن شماره	اينجانب
ماره داوطلبی مندرج در بالای کارت ورود به جلسه، بالای پاسخنامه و دفترچه سؤالها، نوع و	صندلی خود با ش
ده بر روی دفترچه سؤالها و پایین پاسخنامهام را تأیید مینمایم.	کد کنترل درجش

امضا:

زبان عمومی و تخصصی (انگلیسی):

PART A: Vocabulary

<u>Directions</u>: Choose the word or phrase (1), (2), (3), or (4) that best completes each sentence. Then mark the answer on your answer sheet.

1-	But at this point, it	s pretty hard to hurt	my I'	ve heard it all, and
	I'm still here.			
	1) characterization		2) feelings	
	3) sentimentality		4) pain	
2-	Be sure your child v	vears sunscreen when	ever she's	to the sun.
	1) demonstrated	2) confronted	3) invulnerable	4) exposed
3-	Many of these popu	lar best-sellers will so	on become dated and	, and
	will eventually go or	ut of print.		
	1) irrelevant	2) permanent	3) fascinating	4) paramount
4-	The men who arrive	ed in the	of criminals were a	ictually undercover
	police officers.			
	1) uniform	2) job	3) guise	4) distance
5-	It was more	to take my m	reals in bed, where all I	had to do was push
	away my tray with it	s uneaten food and fall	back upon my pillows.	
			3) convenient	
6-	His victory sparked	a rare wave of	in his home co	untry. Nicaraguans
	-		s and waving the natio	0
			3) aspersion	
7-	He liked the ease a	nd glitter of the life, a	and the luster	on him by
	being a member of t	this group of rich and	conspicuous people.	
	1) conferred	2) equivocated	3) attained	4) fabricated

PART B: Cloze Test

<u>Directions</u>: Read the following passage and decide which choice (1), (2), (3), or (4) best fits each space. Then mark the correct choice on your answer sheet.

- **8-** 1) which depending
 - 3) for depended
- 9- 1) have employed3) were employed
- 10- 1) some of these tutors could have3) that some of them could have
- 2) and depended
- 4) that depended
- 2) employed
- 4) employing
- 2) because of these tutors who have
- 4) some of they should have

PART C: Reading Comprehension

<u>Directions</u>: Read the following three passages and answer the questions by choosing the best choice (1), (2), (3), or (4). Then mark the correct choice on your answer sheet.

PASSAGE 1:

An ancient artifact called the Ishango bone (dating back to 20,000 years ago), discovered near the Nile River, consists of marks carved in three columns. Interpretations vary, with some proposing it as a tally or the earliest demonstration of prime numbers, while others suggest a six-month lunar calendar. Scholar Peter Rudman suggests that understanding prime numbers likely developed after the concept of division, dating back to around 10,000 BC, with a fuller comprehension emerging around 500 BC. The Ishango bone may have influenced later mathematical developments in Egypt, particularly in multiplication by 2, though this is debated.

Around 7,000 years ago, before ancient Egypt had its kings, people there were drawing pictures of shapes. Some folks think that in places like England and Scotland, big stone structures from about 5,000 years ago might have had shapes like circles, ellipses, and special number sets called Pythagorean triples. However, these claims are disputed, and the oldest undisputed mathematical documents come from the Babylonians (in the Middle East) and the Egyptians after they had their kings.

- 11-The word "emerging" in paragraph 1 is closest in meaning to1) appearing2) theorizing3) claiming4) publishing
- 12- The word "it" in paragraph 1 refers to
 - 1) the Nile River
 - 2) an ancient artifact
 - 3) a six-month lunar calendar
 - 4) the earliest demonstration of prime numbers

13- According to paragraph 1, which of the following is true about the Ishango bone?

- 1) It is believed to have been a kind of toy for children
- 2) It was some sort of instrument associated with astrology
- 3) The jury is still out about its exact function
- 4) Scholars agree that it was used for the primary purpose of calculating the price of goods

~	+
۲	صفحه

- 14-All of the following names are mentioned in the passage EXCEPT1) Mesopotamia2) England3) Egypt4) Scotland
- 15- According to the passage, which of the following statements is true?
 - 1) The earliest undisputed mathematical documents predate the Ishango bone.
 - 2) The earliest undisputed mathematical documents are less than 7,000 years old.
 - 3) Babylonians were the first people who entered the region now known as the Middle East.
 - 4) The discovery of the Ishango bone particularly paved the way for the discovery of other objects in different regions of the world.

PASSAGE 2:

Pierre de Fermat was born in 1601 in Beaumont-de-Lomagne, France. He is believed to be of Gascogne origin. Fermat's father was a wealthy merchant and his mother's family was involved in the legal profession. There is little information about the early education of Pierre, but he is believed to have attended the College de Navarre in the city of Montauban. Fermat obtained a bachelor's in civil law from the University of Orleans in 1626. He was married and had five children.

Fermat was more of an amateur mathematician who explored the world of mathematics as a hobby. After studies, Pierre moved to Bordeaux where he started working on mathematical research seriously. Despite his interest in mathematics, he always maintained it as a hobby while continuing to work as an active lawyer.

Fermat was not even interested in publishing his work and used to send his work to famous mathematicians in France. It was his connection with Marin Mersenne that gave Pierre international recognition. During <u>his</u> lifetime, Fermat received very <u>marginal</u> recognition as a mathematician and it was his papers that he shared with others that kept his work alive. Otherwise, much of his work could have been lost.

Fermat made significant contributions to number theory, probability theory, analytic geometry and the early development of infinitesimal calculus. He ventured into the areas of mathematics which included pre-evolved calculus and trigonometry.

16-	The word "his" in pa	aragraph 3 refers to .	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •		
	1) Fermat		2) Mersenne		
	3) Fermat's father		4)Fermat's friend		
17-	The word "marginal	l" in paragraph 3 is cl	losest in meaning to	•••••	
	1) outstanding	2) notorious	3) worldwide	4) negligible	
18-	What does paragrap	oh 1 mainly discuss?			
	1) Life in the early 17th-century France				
	2) Fermat's achievements				
	3) France as fertile ground for the field of mathematics				
	4) Fermat's backgro	ound			
19-	Fermat's life and leg	acy were one way or a	nother associated with	all of the following	
	ЕХСЕРТ	•••••			
	1) law		2) civil managemer	nt	
	3) probability theory	Y	4) analytic geometr	У	

ىفحە ۵	٥
--------	---

20- The passage provides sufficient information to answer which of the following questions?
I. What did Fermat's wife do as a job?
II. What was the factor that resulted in Fermat's international recognition?
III. How many papers did Fermat write in his lifetime?
1) Only I
2) Only II
3) Only III
4) II and III

PASSAGE 3:

Are mathematical ideas invented or discovered? This question has been repeatedly posed by philosophers through the ages, and will probably be with us forever. We shall not be concerned with the answer: what matters is that by asking the question, we acknowledge the fact that mathematics has been leading a double life.

In the first of its lives, mathematics deals with facts like any other science. It is a fact that the altitudes of a triangle meet at a point; it is a fact that there are only seventeen kinds of symmetry in the plane; it is a fact that there are only five non-linear differential equations with fixed singularities; it is a fact that every finite group of odd order is solvable. The work of a mathematician consists in dealing with these facts in various ways. When mathematicians talk to each other, they tell the facts of mathematics. In their research work, mathematicians study the facts of mathematics with a taxonomic zeal similar to that of the botanist who studies the properties of some rare plant.

The facts of mathematics are as useful as the facts of any other science. No matter how <u>abstruse</u> they may appear at first, sooner or later they find their way back to practical applications. The facts of group theory, for example, may appear abstract and remote, but the practical applications of group theory have been numerous, and they have occurred in ways that no one could have anticipated. The facts of today's mathematics are the springboard for the science of tomorrow.

- **21-** The word "abstruse" in paragraph 3 can be best replaced by1) mundane2) ceremonial3) intricate4) verified
- 22- According to paragraph 2, which of the following statements is true?
 - 1) There are only five non-linear differential equations with fixed singularities.
 - 2) The altitudes of a triangle do not necessarily meet at a point.
 - 3) A few of the finite groups of odd order are not solvable.
 - 4) There are more than twenty kinds of symmetry in the plane.
- 23- All of the following are mentioned in the passage EXCEPT1) group theory2) taxonomic zeal
 - 3) physicists 4) the botanist
- 24- The passage probably continues, after paragraph 3, with which of the following topics?
 - 1) A definitive answer to the question raised in the first paragraph
 - 2) The theoretical origins of mathematics as a discipline
 - 3) Introducing some of the famous mathematicians
 - 4) The other aspect of "the double life" of mathematics

	صفحه ۶	167	Α	ریاضی (کد ۱۲۰۸)
25-	questions?	provides sufficient infor		hich of the following
		natical ideas invented or		asthomatics?
		philosophers first realize ematical facts simply theo		
	1) Only I	2) Only II	3) Only III	4) II and III
.,			1 1	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·
<u>بانی</u>	سها و جبر حطی، ه	مبانی علوم ریاضی، مبانی ماتری		~ ~ ~
			دی و مبانی احتمال):	آنالیز ریاضی، مبانی آنالیز عد
			→ ,	
	– ā کدام است؟	ه باشند و ā ≠ b . طول بردار b	ة، قو أ × â×b و أ × â ب يك	۲۶- فرض کنید بردارهای
			۲	
				$\frac{1}{r}$ (1
) (۲
				\sqrt{r} (r
				<u>ν</u> , (f
			(
	9 .**	کدام مورد برای تابع f درست اس	$\int \mathbf{f}(\mathbf{x}) = \int \mathbf{x} + \mathbf{x}^{T} \sin\left(\frac{1}{\mathbf{x}}\right)$	·) X≠°
		فكالم هورة برأي فابع أكرشك أش	$\left \begin{pmatrix} \mathbf{x} \\ \mathbf{x} \end{pmatrix} \right _{0}$	۲۱۰ فرص کین x = ۰
			•	۲′(∘) (۱) وجود ندارد.
			، شامل صفر صعودی است.	
			، شامل صفر نزولی است.	-
		نزولی است.	، شامل صفر نه صعودی و نه	
		• · ·	; = ; ; · ·	
f(x	(+y) = f(x) - f(y)	ی x و y تساوی (x + y) + xy (x + y)	lin و بهازای هر دو عدد حقیق x→ 	۲۸- فرض کنید ۱= //۲۸ × ×
				برقرار باشد. مقدار (k)
				۱۳۸۹ (۱
				1890 (2
				1891 (4
				1898 (6
		$\int \mathbf{x} = \mathbf{a} \cos t, 0 \le t \le 1$	"π	
Ş	م مضرب πab است ¹	، کداء $\begin{cases} x = a \cos t, & o \le t \le y \\ y = b \sin t \cos^{7} t \end{cases}$	ىنحنى بسته (• < a , b)	۲۹- مساحت ناحیهٔ درون ه
				$\frac{1}{2}$ (1
				$\frac{1}{r} (1)$ $\frac{1}{r} (7)$ $\frac{1}{r} (7)$
				, (۲
				1
				$\frac{1}{r}$ (r
				۱ (۴

ریاضی (کد ۱۲۰۸)

- ۳۰ اگر
$$\mathbf{N}$$
 (**n** - $\frac{\mathbf{Y}\mathbf{x}}{\mathbf{Y}\mathbf{x}^{\mathsf{Y}} + \mathbf{n}}$) **dx** است؟
- ۳۰ $\frac{1}{\mathbf{Y}} \ln \frac{\mathbf{Y}}{\mathbf{Y}\mathbf{x}}$ (**n** $\frac{1}{\mathbf{Y}} \ln \frac{\mathbf{Y}}{\mathbf{Y}\mathbf{y}}$ (**f** $\frac{\mathbf{Y}}{\mathbf{Y}\mathbf{y}}$ (**f** $\frac{\mathbf{Y}}{\mathbf{Y}\mathbf{y}$ (**f** $\frac{\mathbf{Y}}{\mathbf{Y}\mathbf{y}}$ (**f** $\frac{\mathbf{Y}}{\mathbf{Y}\mathbf{y}}$ (**f** $\frac{\mathbf{Y}}{\mathbf{Y}\mathbf{y}}$ (**f** $\frac{\mathbf{Y}}{\mathbf{Y}\mathbf{y}}$ (**f** $\frac{\mathbf{Y}}{\mathbf{Y}\mathbf{y}}$ (**f** $\frac{\mathbf{Y}}{\mathbf{Y}\mathbf{y}}$ (**f** $\frac{\mathbf{Y}}{\mathbf{Y}\mathbf$

۳۹– برای سری
$$dx = \int_{0}^{\infty} \int_{0}^{\infty} \int_{0}^{\infty} \int_{0}^{\infty} \frac{\sqrt{x}}{1+x^{V}} dx$$
 کدام مورد درست است؟
۱) جملات سری صعودی و سری همگرا است.
۳) جملات سری صعودی و سری واگرا است. ۴) جملات سری نزولی و سری واگرا است.

۳۲- مجموعههای A₁ ، A₁ و A₂ و تابع f به شرح زیر مفروضاند. کدام مورد درست نیست؟ (Q مجموعه اعداد گویا است.)

$$A_{1} = \left\{ (\mathbf{x}, \frac{1}{\mathbf{y}}) : \mathbf{x} \in \mathbb{Q} \right\} , \ A_{\mathbf{y}} = \left\{ (\mathbf{x}, \frac{1}{\mathbf{y}}) : \mathbf{x} \notin \mathbb{Q} \right\} , \ A_{\mathbf{y}} = \left\{ (\mathbf{x}, \mathbf{y}) : \mathbf{x} \in \mathbb{Q} \right\}$$

$$f(\mathbf{x}, \mathbf{y}) = \begin{cases} 1 & \mathbf{x} \in \mathbb{Q} \\ \forall \mathbf{y} & \mathbf{x} \notin \mathbb{Q} \end{cases}$$

$$f(\mathbf{x}, \mathbf{y}) = \begin{cases} 1 & \mathbf{x} \in \mathbb{Q} \\ \forall \mathbf{y} & \mathbf{x} \notin \mathbb{Q} \end{cases}$$

$$f(\mathbf{x}, \mathbf{y}) = \left\{ \begin{array}{l} 1 & \mathbf{x} \in \mathbb{Q} \\ \forall \mathbf{y} & \mathbf{x} \notin \mathbb{Q} \end{array} \right\}$$

$$f(\mathbf{x}, \mathbf{y}) = \left\{ \begin{array}{l} 1 & \mathbf{x} \in \mathbb{Q} \\ \forall \mathbf{y} & \mathbf{x} \notin \mathbb{Q} \end{array} \right\}$$

$$f(\mathbf{x}, \mathbf{y}) = \left\{ \begin{array}{l} 1 & \mathbf{x} \in \mathbb{Q} \\ \forall \mathbf{y} & \mathbf{x} \notin \mathbb{Q} \end{array} \right\}$$

$$f(\mathbf{x}, \mathbf{y}) = \left\{ \begin{array}{l} 1 & \mathbf{x} \in \mathbb{Q} \\ \forall \mathbf{y} & \mathbf{x} \notin \mathbb{Q} \end{array} \right\}$$

$$f(\mathbf{x}, \mathbf{y}) = \left\{ \begin{array}{l} 1 & \mathbf{x} \in \mathbb{Q} \\ \forall \mathbf{y} & \mathbf{x} \notin \mathbb{Q} \end{array} \right\}$$

$$f(\mathbf{x}, \mathbf{y}) = \left\{ \begin{array}{l} 1 & \mathbf{x} \in \mathbb{Q} \\ \forall \mathbf{y} & \mathbf{x} \notin \mathbb{Q} \end{array} \right\}$$

$$f(\mathbf{x}, \mathbf{y}) = \left\{ \begin{array}{l} 1 & \mathbf{y} \in \mathbb{Q} \\ \forall \mathbf{y} & \mathbf{y} \notin \mathbb{Q} \end{array} \right\}$$

$$f(\mathbf{x}, \mathbf{y}) = \left\{ \begin{array}{l} 1 & \mathbf{y} \in \mathbb{Q} \\ \forall \mathbf{y} & \mathbf{y} \notin \mathbb{Q} \end{array} \right\}$$

$$f(\mathbf{y}) = \left\{ \begin{array}{l} 1 & \mathbf{y} \in \mathbb{Q} \\ \forall \mathbf{y} & \mathbf{y} \notin \mathbb{Q} \end{array} \right\}$$

$$f(\mathbf{y}) = \left\{ \begin{array}{l} 1 & \mathbf{y} \in \mathbb{Q} \\ \forall \mathbf{y} & \mathbf{y} \notin \mathbb{Q} \end{array} \right\}$$

$$f(\mathbf{y}) = \left\{ \begin{array}{l} 1 & \mathbf{y} \in \mathbb{Q} \\ \forall \mathbf{y} \in \mathbb{Q} \end{array} \right\}$$

۳۳- اگر توابع دو متغیره f و g روی مجموعهٔ همبند و باز S در صفحهٔ مختصات به طور پیوسته دیفرانسیل پذیر باشند و C هر منحنی بستهٔ ساده و پاره همواری در S باشد، کدام مورد درست نیست؟ $\oint_C (f \vec{\nabla} f) \cdot d\vec{r} = - \oint_C (g \vec{\nabla} g) \cdot d\vec{r}$ (۱

167 A

صفحه ۸

ریاضی (کد ۱۲۰۸)

سار گذرندهٔ بیرونی میدان برداری ($\vec{F}(x,y,z) = (xy^{7} + z^{7}, yz^{7} + x^{7}, zx^{7} + y^{7})$ از سطح نیمکره –۳۴ کدام است؟ $S: z = \sqrt{1 - x^{T} - y^{T}}$ $\frac{1\pi\pi}{r_{\circ}}$ (1 $\frac{\pi\pi}{\Delta}$ (r $\frac{\pi}{2}$ (r $\frac{\pi\pi}{r_{o}}$ (f مقدار $\int_{0}^{1} \int_{0}^{1} \frac{1}{1 + (\min\{x, y\})^{T}} dx dy$ مقدار -۳۵ $\frac{\pi}{r} - r \ln r$ (1) In r (r $\frac{\pi}{\pi} - \ln \tau$ (r rlnr (f $g(x) = \frac{7ce^{x^{1}} + 1}{7ce^{x^{1}} - 1}$ فرض کنید $y' = e^{-y}x^{7} + \frac{1}{x} - e^{y}$ باشد. اگر $y = \ln x$ فرض کنید -۳۶ و $y_c(x)$ جواب عمومی معادله باشند، آنگاه $exp(y_c(x))$ کدام است $y_c(x)$ $\frac{g(x)}{x}$ () $\frac{x}{g(x)}$ (7) $\frac{1}{xg(x)}$ (r xg(x) (* فرض کنید $y_1(x) = \sin x$ و $y_2(x)$ دو جواب مستقل خطی یک معادلهٔ دیفرانسیل خطی مرتبه دوم همگن –۳۷ باشند. اگر رونسکین آنها در بازهٔ ($rac{\pi}{r}$ •) برابر $\sin^7(\mathbf{x})$ باشد، آنگاه $y_{\gamma}(\mathbf{x})$ کدام است؟ $x \tan x$ () x cot x (Y x sin x (r x cos x (۴

-۳۸ حاصل
$$\mathbf{x}^{\mathsf{T}} \mathbf{J}_{\circ}(\mathbf{x}) \mathbf{d} \mathbf{x}$$
 کدام است?

$$(\mathbf{J}_{\lambda+1}(\mathbf{x}) + \mathbf{J}_{\lambda-1}(\mathbf{x}) = \frac{\mathsf{Y}\lambda}{\mathbf{x}} \mathbf{J}_{\lambda}(\mathbf{x}), (\mathbf{x}^{\lambda} \mathbf{J}_{\lambda}(\mathbf{x}))' = \mathbf{x}^{\lambda} \mathbf{J}_{\lambda-1}(\mathbf{x}) :$$

$$(\mathbf{x}^{\mathsf{T}} (\mathbf{x})_{\lambda-1}(\mathbf{x}) - \mathbf{y}_{\mathsf{T}}(\mathbf{x})) (1)$$

$$\mathbf{x}^{\mathsf{T}} (\mathbf{x})_{\lambda}(\mathbf{x}) - \mathsf{T} \mathbf{J}_{\mathsf{T}}(\mathbf{x}) (1)$$

$$\mathbf{x}^{\mathsf{T}} \mathbf{J}_{\lambda}(\mathbf{x}) + \mathsf{T} \mathbf{x}^{\mathsf{T}} \mathbf{J}_{\mathsf{T}}(\mathbf{x}) (1)$$

$$\mathbf{x}^{\mathsf{T}} \mathbf{J}_{\lambda}(\mathbf{x}) - \mathsf{T} \mathbf{J}_{\mathsf{T}}(\mathbf{x}) (1)$$

بدیل لاپلاس
$$g(t) = e^t \frac{d^n f(t)}{dt^n}$$
 فرض کنید $f(t) = t^n e^{-t}$. تبدیل لاپلاس -۳۹

$$\frac{\Gamma(n)(s-1)^{n}}{s^{n+1}} (1)$$

$$\frac{n!(s-1)^{n}}{s^{n+1}} (7)$$

$$\frac{(n+1)!s^{n}}{(s-1)^{n+1}} (7)$$

$$\frac{\Gamma(n)s^{n}}{(s-1)^{n+1}} (6)$$

ب جواب y = y(x) از حل معادله انتگرال y = y(x) کدام است? $\int_{0}^{1} \frac{y(xt)}{\sqrt{1-t}} dt = \sqrt{x}$

$$\frac{1}{\pi x} (1)$$
$$\frac{1}{\pi \sqrt{x}} (1)$$

۴۱ - با فرض اینکه x , y ∈ ℝ، عملهای دوتایی * و o را با ضابطههای زیر تعریف میکنیم:

$$\mathbf{x} * \mathbf{y} = \mathbf{x} + \mathbf{y} + \mathbf{x}\mathbf{y}$$
$$\mathbf{x} = \mathbf{x} + \mathbf{y} - \mathbf{x}\mathbf{y}$$

$$\mathbf{x}\mathbf{0}\mathbf{y} = \mathbf{x} + \mathbf{y} - \mathbf{x}\mathbf{y}$$

ریاضی (کد ۱۲۰۸)

صفحه ۱۰

$$\begin{aligned} & (\mathbf{r}, \mathbf{r}, \mathbf{r}$$

صفحه ۱۱ ریاضی (کد ۱۲۰۸) 167 A $P_{n}(\mathbb{R})$ فرض کنید $T(f)(x) = \Upsilon f'(x) + \int_{a}^{x} \Upsilon f(t) dt$ با ضابطه $T: P_{\Upsilon}(\mathbb{R}) \to P_{\Psi}(\mathbb{R})$ باشد که در آن –۴۸ فضای برداری چند جملهایهای از درجه حداکثر ${f n}$ روی میدان ${\Bbb R}$ است. کدام مورد درست است؟ $\operatorname{rank}(T) = \gamma_{0} \operatorname{dim} \operatorname{ker} T = \gamma_{0}$ rank (T) = ۳ ، یوشا نیست و T، ker T = { ٥ } (۲ ۳) T بکنه یک و بوشا است و ۳ = (۳ .rank(T) = 4 بکبه بک و یوشا است و T (۴ فرض کنید $\mathbf{A}\in\mathbf{M}_{\mathbf{n}}(\mathbb{C})$ و $\mathbf{A}=\mathbf{A}$. اگر \mathbf{A} دارای ۳ مقدار ویژه متمایز باشد، آن گاه ر تبه \mathbf{A} برابر است با: tr (A) (7 $tr(A^{\gamma})$ () $tr(A^{r})$ (r ۴) صفر ۲) مثلثی شونده است ولی قطری شدنی نیست. ۱) مثلثیشونده و قطری شدنی است. ۳) مثلثیشونده نیست و قطری شدنی نیست. ۴) مثلثی شونده نیست ولی قطری شدنی است. به ازای ثابت a، مقدار $\frac{\tan(ax) - a \tan(x)}{\sin(ax) - a \sin(x)}$ کدام است؟ -01 7 () a (1 -۲ (۳ - a (۴ $g(x) = \sup\{f(t): 0 \le t \le x\}$ فرض کنید \mathbb{R} $f(t): 0 \le t \le x$ با ضابطه $f(t): 0 \le t \le x$ -67 تعریف شود. کدام مورد درست است؟ (۱) g بر [۰, ۱] پیوسته است. g (۲ (∘ , ۱) پیوسته است، ولی ممکن است در ∘ و ۱ پیوسته نباشد.) برای $r \in \mathbb{R}$ مجموعهٔ $\{x : g(x) < r\}$ باز است، ولی g لزوماً پیوسته نیست. $r \in \mathbb{R}$) برای $r \in \mathbb{R}$ مجموعهٔ $\{x : g(x) > r\}$ باز است، ولی g لزوماً پیوسته نیست. (۴ فرض کنید $\mathbb{R} \to \mathbb{R}$ پیوسته باشد به طوری که برای $\circ < C$ و هر $\mathbb{R} \to \mathbb{R}$ نامساوی زیر برقرار است: -۵۳ $|\mathbf{f}(\mathbf{x}) - \mathbf{f}(\mathbf{y})| \ge \mathbf{C} |\mathbf{x} - \mathbf{y}|$ کدام مورد نادرست است؟ () f اکیداً یکنواست. . است. $\mathbf{f}: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$ (۲ . پیوسته یکنواخت است. $f^{-1}: f(\mathbb{R}) \to \mathbb{R}$ (۳

۴) برد f در \mathbb{R} بسته است، ولی f لزوماً پوشا نیست.

(12.8	(کد	و ماضي
(11.44	~ /	()

صفحه ۱۲

167 A

ا، آنگاه انج حقیقی f بر (f(x) = a فرض کنید تابع حقیقی f بر (f(x) = a) پیوسته و بر f(x) = (x, x) مشتق پذیر باشد. اگر f(x) = aکدام مورد درست است؟) مشتق f در نقطه x = 1، لزوماً موجود نیست.) مشتق f در نقطه x = 1 موجود و برابر a است.) اگر f' یکنوا باشد، مشتق f در نقطه x = 1 موجود و برابر با a است و شرط یکنوایی ضروری است.) مشتق f در نقطه x = x موجود است و اگر تابع f' پیوسته باشد، آنگاه f'(x) = a و شرط پیوستگی ضروری است. است؟ $\sum_{n=1}^{\infty}a_{n}$ و سری $a_{n} > \circ$ همگرا است. کدام سری، واگرا است? -۵۵ $\sum_{n=1}^{\infty}a_{n}^{p}\cdot p>$ ۱) برای ۱ $\sum_{n=1}^{\infty} \sqrt{a_n a_{n+1}}$ (r $\sum_{n=1}^{\infty} \sin(a_n)$ (f $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{a_1 + a_7 \cdots + a_n}{n}$ (7) ، فرض کنید $f(x) = -e^{-Yx} + e^{X}$ را بهازای مقادیر x نزدیک صفر f(x)نتيجه مىدهد؟ "X (1 X () $e^{x}(1-e^{-\pi x})$ (* Y - TX (T برای بهدست آوردن ریشه حقیقی $\alpha = 4$ از معادله $x^{X} = x^{Y}$ ، از الگوریتم روش نابجایی در بازه [π, α] استفاده میکنیم. اگر $\left\{ x_{n}
ight\} _{n=1}^{\infty}$ دنبالهٔ حاصل از روش موردنظر باشد، آنگاه مقدار $\left\{ x_{n}
ight\} _{n=1}^{\infty}$ کدام است؟ ٣/۵ (٢ 7/20 (1 4,70 (7 4/0 (4 مدر سه نقطهٔ ۲.۲ $f(x) = \pi - 7^x$ باشد، آنگاه تقریب ریشه $f(x) = \pi - 7^x$ اگر P(x) چندجملهای درون یاب تابع $(\sqrt{1Y} \simeq 4/177)$ توسط ریشه معادله P(x) = 0 در بازه $[\circ, 7]$ ، کدام است $x = 7^{X}$ معادله $Tx = 7^{X}$ °,48777 (T ·/08810 (1 0, 39141 (4 ·/FTAFF (T برای محاسبهٔ یک مقدار تقریبی از $f(x)dx \int_{-\infty}^{\infty} f(\alpha) + f(-\alpha)$ چنان استفاده می کنیم که مقدار تقریبی -۵۹ و دقیق انتگرال برای توابع چندجملهای با حداکثر درجهٔ ممکن یکسان باشند. اگر تابع f در بازهٔ [1, 1-] به اندازهٔ کافی

 $(\mathbf{c} \in (-1, 1))$ ، کدام است $\int_{-1}^{1} f(\mathbf{x}) d\mathbf{x} - (f(\alpha) + f(-\alpha))$ مشتق پذیر با مشتقات پیوسته باشد، آنگاه مقدار

$$\frac{1}{\varphi_{\circ}}f^{(\tau)}(c) (\tau) \qquad \qquad \frac{1}{\varphi_{\circ}}f^{(\Delta)}(c) (\tau)$$

$$\frac{1}{r}f''(c) \quad (r) \quad \frac{1}{rr}f^{(r)}(c) \quad (r)$$

(12+8	(کد	رياضى
(11.11	/	رياسي

صفحه ۱۳ 167 A ور تابع جدولی به صورت $\{(\mathbf{x}_i, \mathbf{f}_i)\}_{i=0}^n$ در یک تابع جدولی به صورت $\{(\mathbf{x}_i, \mathbf{f}_i)\}_{i=0}^n$ و -۶۰ - در یک تابع جدولی به صورت f_{i+1} ، f_{i+1} ، f_{i+1} ، مفروض اند. اگر $\Delta^{r} f_{i}^{r} = 0$ ، آنگاه میانگین مقادیر $f_{i+1}(f_{i} + f_{i+1}) = r$ كدام است؟

$$(\mathbf{f}_i^{\mathbf{Y}} = \mathbf{f}^{\mathbf{Y}}(\mathbf{x}_i))$$

برای دادههای
$$x_1, x_2, x_3$$
 با میانه $\widetilde{\mathbf{x}}$ ، براساس ویژگیهای میانه، کدام مورد درست است $^\circ$

(۱) مقدار تابع
$$|x_i - a| = \sum_{i=1}^n |x_i - a|$$
 وقتی ماکزیمم میشود که $\tilde{x} = a$ باشد.
(۱) مقدار تابع $f(a) = \sum_{i=1}^n (x_i - a)^r$ وقتی مینیمم میشود که $\tilde{x} = a$ باشد.
(۲) مقدار تابع $f(a) = \sum_{i=1}^n |x_i - a|$ وقتی مینیمم میشود که $\tilde{x} = a$ باشد.
(۳) مقدار تابع $a = \tilde{x}$ مینیمم میشود که $f(a) = \sum_{i=1}^n |x_i - a|$ باشد.
(۴) اگر میانه یکتا نباشد، تابع $|x_i - a|$ وقتی مینیمم میشود که $f(a) = \sum_{i=1}^n |x_i - a|$ درای مینیمم یکتا نیست.

- B میانگین و انحراف معیار درجه خلوص ماده شیمیایی A به تر تیب ۷۵ و ۵ درصد و برای ماده شیمیایی ${f B}$ میانگین و انحراف معیار به تر تیب ۸۵ و ۱۰ درصد است. در مورد درجه خلوص این دو ماده، چه اظهارنظری مى توان نمود؟ ۱) ماده A، خالص تر است. ۲) ماده B، خالصتر است.
 - ۳) دو ماده از نظر درجه خلوص، بهطور متوسط یکسان هستند. ۴) نمی توان درجه خلوص دو ماده را مقایسه نمود.
- ۶۳- یک عکس خانوادگی را درنظر بگیرید که در آن، قرار است مادربزرگ در وسط یک ردیف از اعضای خانواده باشد. برای یک خانواده ۷ نفری (شامل مادربزرگ)، چند روش مختلف برای قرارگرفتن اعضای خانواده در این عکس وجود دارد؟
 - ۳۶۰ (۱
 - ۲۲° (۲
 - **TDT** (m
 - D040 (4

ریاضی (کد ۱۲۰۸)		())	۲۰۸	(کد	ضى	ريا
-----------------	--	-----	-----	-----	----	-----

۶۴ براساس یک نظرسنجی، پاسخدهندگان دارای حداقل یکی از بیمههای خدمات درمانی یا بیمه درآمد ازکارافتادگی هستند. اگر x درصد از پاسخدهندگان دارای بیمه خدماتی درمانی، y درصد دارای بیمه درآمد ازکارافتادگی و z درصد فقط دارای بیمه خدمات درمانی باشند، احتمال اینکه پاسخدهندهای که بهطور تصادفی انتخابشده، فقط دارای بیمه ازکارافتادگی باشد، کدام است؟

$$\frac{y - x - yz}{1 \circ \circ} (1)$$

$$\frac{y - x + yz}{1 \circ \circ} (7)$$

$$\frac{y - x - z}{1 \circ \circ} (7)$$

$$\frac{y - x + z}{1 \circ \circ} (7)$$

- ۶۵ طبق یافتههای ژنتیکی بهدست آمده، دوقلوها را میتوان به دو گروه تقسیم بندی نمود: هموزیگوت یا هتروزیگوت.
 در گروه هموزیگوت، دو جنین تشکیل خواهد شد که ژنهای کاملاً مشابهی با یکدیگر دارند و در نتیجه، همیشه همجنس هستند (هر دو پسر یا هر دو دختر). اگر در یک جامعه از دوقلوها، درصد دوقلوهای دختر ۱/۶ باشد،
 درصد دوقلوهای هموزیگوت کدام است؟
 - ۱) صفر ۲) <mark>۲</mark> ۳ (۳ <u>۲</u> ۴ (۴

آناليز رياضي:

۶۶- فرض کنید X یک فضای متریک، X ⊇ A، °A مجموعه نقاط درونی A، 'A مجموعه نقاط حدی (انباشتگی)
A. Ā بستار A و A & مرز A باشد. کدام مورد <u>نادرست</u> است؟
A. A بستار A و A & مرز A باشد. کدام مورد <u>نادرست</u> است؟
۲) A = A ∩ A
۲) A = A ∩ A
۳) A = A ∩ A
۳) اگر A مجموعه ای باز و زیرمجموعه A باشد، آنگاه °A ⊇ B.
۴) اگر A مجموعه ای باز و زیرمجموعه A باشد، آنگاه °A ⊇ A.
۹) اگر A مجموعه ای باز و زیرمجموعه A باشد، آنگاه °A ⊇ B.
۲) اگر A مجموعه ای باز و زیرمجموعه A باشد، آنگاه °A ⊇ B.
۲) اگر A و مرز A همبند باشد، آنگاه A همبند است.
۲) اگر A و درون و مرز A همبند باشد، آنگاه موم ند است.
۳) اگر A و مرز A همبند باشد، آنگاه موم درست است.
۳) اگر A و مرز A همبند باشد، آنگاه موم درست.

صفحه ۱۵	167 A	یاضی (کد ۱۲۰۸)
ناتهی X است. کدام گزاره <u>نادرست</u> است؟	ریک فشرده و Aزیرمجموعه ز	۶۸- فرض کنید (X , d) یک فضای متر
	فشردہ است. $\{{\mathrm x}\in$	۱) مجموعه {ا≤(X , A) ک
$d(x, A) \leq M$, $x \in$	ارد، بهطوریکه برای هر X	۲) عددی مثبت مانند M وجود د
$d(x, A) \leq d(y, A), y \in X \setminus A$	ود دارد، بهطوریکه برای هر) عضوی مانند $X \setminus X \in X \setminus A$ وج
$d(x, A) \leq d(y, A)$	A) ، $\mathbf{x} \in \mathbf{X}$ ارد که برای هر $\mathbf{x} \in \mathbf{X}$ ،) عضوی مانند $y\in X$ وجود د
	ت، تکمیل میکند؟	۶۹- کدام مورد، گزاره زیر را بهنحو درس
د ندارد، بهطوریکه فضای متریک (Q,d)	(مجموعه اعداد گویا) وجود	«هیچ متری مانند d روی Q (
		باشد.»
همبند	o (Y	۱) فشرده
دارای گوی باز دو عضوی	s (f	۳) کراندار
x _n } باشد. کدام مورد، با کوشی بودن دنباله ا	تریک و {x _n } دنبالهای در X	۷۰- فرض کنید (X , d) یک فضای م
		معادل است؟
	مداکثر یک عضو دارد.) مجموعه $\{\overline{\mathbf{x}_n : n \ge k}\}$ مجموعه ()
	$\lim_{n \to \infty} d(x_n, x_{k+1})$	، ازای هر $k\in\mathbb{N}$) به ازای هر ($k\in\mathbb{N}$
	X _r } حداکثر یک عضو دارد.	۳) مجموعه حدود زیردنبالهای { _۱
$\lim_{n \to \infty} d(x_{i_n}, x)$	$(x_{j_n}) = \circ \cdot \{x_{j_n}\} \ e \{x_{i_n}\}$	۴) به ازای هر دو زیردنباله مانند
به ازای هر $\mathbf{m}\in\mathbb{N}$ قرار میدهیم $\mathbf{X}=\{\mathbf{x}_{\mathbf{n}}\}$	$_{ m n}:{ m n}{\in}{\mathbb N}\}$ ، شمارا باشد و	۷۰- فرض کنید X یک فضای متریک
ندام مورد درباره فضای متریک X درست است ؟	i lim diam(Y _m) آنگاه ک m→∞	$\mathbf{v} = \mathbf{v} \cdot \mathbf{Y}_{\mathbf{m}} = \{\mathbf{x}_{\mathbf{n}} : \mathbf{n} \ge \mathbf{m}\}$ اگر $\mathbf{v} \in \mathbf{W}$
کلاً کراندار است.	5 (7	۱) کامل است.
هر زیر مجموعه X بسته است.	o (4	۳) هر نقطه از X ، نقطه تنهاست.
	زاره زیر درست باشد.	۷۲- جای خالی را چنان پر کنید که گز
ا یکنواخت پیوسته است، اگر و تنها اگر بر هر	$\mathrm{f}:\mathrm{X} o\mathrm{Y}$ یک باشند. تابع	«فرض کنید X و Y فضاهای متر
		زیرمجموعهاز X یک
کامل ۴) همبند		
	-	۷۳- فرض کنید X و Y فضاهای متریک است () کنید X و Y
ł} در ¥ همکرا باشد.»	اگر و تنها اگر دنباله {(x _n)]	«دنباله {x _n } در X همگرا است،
		کدام مورد نادرست است؟ () تا م
		۱) تابع f پیوسته است. ۲) تابع f یک به یک است.
	$f(\overline{\Lambda}) = \overline{f(\Lambda)}$	۳) نابع ۲ یک به یک است. ۳) برای هر مجموعه A در X، (۲
f(x _r)در Y کوشی باشد.		۲) برآی هر مجموعه ۸ در ۸، (۲ ۴) دنباله {x _n } در X کوشی اس

()	208	(کد	پاضی

۷۴- فرض کنید A زیر مجموعهای از فضای متریک (X, d) باشد. شرط * را به صورت زیر تعریف می کنیم: $\forall x \in X \quad \exists b_1, b_y \in A \quad \forall a \in A \quad (d(x, b_1) \leq d(x, a) \leq d(x, b_y))$ کدام مورد درست است؟ مجموعه A در شرط * صدق می کند، اگر و تنها اگر A فشرده باشد. ۲) مجموعه A در شرط * صدق می کند، اگر و تنها اگر A بسته و کراندار باشد. ۳) اگر مجموعه A در شرط * صدق کند، آنگاه A بسته و کراندار است ولی عکس آن درست نیست. ۴) هر زیر مجموعه X در شرط * صدق می کند، اگر و تنها اگر X کراندار و هر زیرمجموعه آن بسته باشد. فرض کنید $\{\mathbf{x_n}\}$ و $\{\mathbf{y_n}\}$ دنبالههایی کوشی در فضای متریک $(\mathbf{X}\,,\,\mathbf{d})$ باشند. کدام مورد درست استY)) دنباله {d(x_n, y_n)} بدون هیچ شرطی همواره همگراست. ۲) اگر $\{d(x_n, y_n)\}$ کراندار باشد، همگراست، ولی ممکن است دنباله $\{d(x_n, y_n)\}$ کراندار نباشد. ۳) اگر (X, d) کامل باشد، دنباله $\{d(x_n, y_n)\}$ همگراست، در غیراین صورت ممکن است واگرا باشد.) اگر $\{x_n\}_{e}$ همگراست، درغیراین صورت ممکن است واگرا باشد. $\{d(x_n, y_n)\}$ همگراست، درغیراین صورت ممکن است واگرا باشد. فرض کنید هر دنباله $\{x_n\}$ در فضای متریک X با خاصیت $(x_n, X \setminus \{x_n\}) = 0$ ، دارای زیر دنباله $\{x_n\}$ -76 همگرا است. کدام مورد درست است؟ ۱) فضای متریک X فشرده است. ۲) مجموعه نقاط حدی X فشرده است. ۳) هر تابع حقيقي روى X ييوسته است. ۴) یک تابع حقیقی پیوسته روی X وجود دارد که یکنواخت پیوسته نیست. دنباله $\{f_n(x) = \lim_{n \to \infty} f_n(x) = \int_{n \to \infty} f_n(x) = f_n(x) = \frac{x^{\gamma}}{1 + (\gamma \sin x)^{\gamma n}}$ دنباله $\{f_n\}$ بر \mathbb{R} با ضابطه $f_n(x) = \int_{n \to \infty} f_n(x) = f_n(x)$ مجموعه نقاط ناپیوستگی f، کدام است؟ $\{k\pi\pm\frac{\pi}{2}:k\in\mathbb{Z}\}$ () $\{k\pi \pm \frac{\pi}{s} : k \in \mathbb{Z}\}$ (Y $\{k\pi \pm \frac{\pi}{\omega} : k \in \mathbb{Z}\}$ (r ۴) مجموعه تهی . تابع χ تابع χ است، که χ تابع مشخصه است. $f(x) = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^{\gamma}} \chi_{[\circ, \frac{1}{n}]}(x)$ با ضابطه $f:[\circ, 1] \to \mathbb{R}$ تابع مشخصه است. -۷۸ کدام مورد درباره تابع f، نادرست است؟ ۲) صعودی است. ۱) انتگرالیذیر ریمان است.

۳) در نقطه صفر پیوسته است.

۴) مجموعه نقاط ناییوستگی f شمارا ست.

دنباله {f_n}، کدام مورد درست است؟

) همگرای یکنواخت به صفر است.
۲) در هیچ نقطه از مجموعه
$$\{k \in \mathbb{N}\}$$
 به صفر میل نمی کند، ولی خارج این مجموعه، نقطهوار به صفر میل می کند.
۳) در هیچ نقطه از مجموعه $\{k \in \mathbb{N}\}$ به صفر میل نمی کند، ولی خارج این مجموعه، نقطهوار به صفر میل می کند.
۴) نقطهوار به صفر میل می کند ولی همگرایی یکنواخت نیست.
۴) نقطهوار به صفر میل می کند ولی همگرایی یکنواخت نیست.
۴۸- توابع $n \in \mathbb{N}$ ، f_n بر بازه $[\frac{\pi}{\gamma}, \circ]$ به صورت زیر تعریف می شوند:

 $f_1(x) = \sin x$, $f_{n+1}(x) = \sin f_n(x)$ $(n \in \mathbb{N})$.

صفحه ۱۷

$$\{\mathbf{f}_n'\}$$
 (r

$$F_n: \mathbb{R} \to \mathbb{R}; F_n(x) = \int_{\circ}^{x} f_n(t) dt \quad \forall \{F_n\}$$
 (f

ریاضی (کد ۱۲۰۸)

دنباله توابع $\{f_n\}$ را به صورت در نظر می گیریم. کدام مورد درست است? - ۸۳ $f_n: [\circ, 1] \to \mathbb{R}$; $f_n(t) = \int_{\frac{1}{2}}^{1} x^t |\sin(nx)| dx$ همییوسته است ولی زیردنباله یکنواخت همگرا ندارد. ۲) هم پیوسته نیست و هیچ زیردنباله یکنواخت همگرا ندارد. ۳) هم یوسته نیست ولی زیردنبالهای دارد که یکنواخت همگراست. ۴) هم پیوسته است و زیردنبالهای دارد که یکنواخت همگراست. فرض کنید $\{f_n\}$ دنبالهای از توابع پیوسته بر $\mathbb R$ باشد که بهطور نقطهوار به تابع g همگرا است. از کدام شرط –۸۴ پیوستگی تابع g بر $\mathbb R$ نتیجه می شود؟ $f_n(x) \ge f_{n+1}(x)$ ، $x \in \mathbb{R}$ و هر $n \in \mathbb{N}$ و المر $n \in \mathbb{N}$) هر f_n خارج از یک بازه فشرده متحد با صفر است. (۲ $||f_n'(x)| \leq \mathsf{r}$ ، $x \in \mathbb{R}$ و هر $n \in \mathbb{N}$ و شتق پذیر است و برای هر ($n \in \mathbb{N}$) دنباله $\{\mathbf{f_n}\}$ بر \mathbb{R} یکنواخت کراندار است. معاع همگرایی سری توانی $\left[n \right]^{\infty} x^{n!}$ کدام است? –۸۵ 1 () e (۲ $\frac{1}{e}$ (r » (۴

مبانی جبر و مبانی ترکیبیات:

- فرض کنید R یک حلقہ جابہجایی، R و R [x] حلقہ چندجملہ ای های آن باشد. همریختی
$$P_{a} = P_{a} = P_{a}$$

صفحه ۱۹	167 A	یاضی (کد ۱۲۰۸)
	(گروه تقارنهای روی ۷ حرف) وجود دارد؟	۸۸- چند عضو مرتبه ۱۲ در S _V -
	۳۲ ۰ (۲	17 (1
	۶۳ ۰ (۴	47° (M
از گزارههای زیر درست است؟	یال با شاخص ۴ از گروه G باشد، در این صورت کدامیک	۸۰ - فرض کنید N یک زیرگروه نره
$G = A \bigcup B \bigcup C$ بهطوریکه.	صورت G دارای سه زیر گروه سره مانند A، B و C است	ا اگر $rac{\mathrm{G}}{\mathrm{N}}$ دوری نباشد، دراین،
	مال از G وجود دارد که شامل N است.	۲) فقط یک زیرگروه ماکسی
	G آبلی است.	۳) اگر N دوری باشد، آنگاه
	، G آبلی است.	اگر $rac{\mathrm{G}}{\mathrm{N}}$ دوری باشد، آنگاد (۴
) به S _W وجود دارد. دراین صورت	تبه ۸۴ باشد بهطوری <i>ک</i> ه یک همریختی پوشا از G	۹ فرض کنید G گروهی از مرنا
	رگروه نرمال برای G وجود دارد؟	از کدام مرتبه حتماً یک زیر
	۲۸ (۲	47 (1
	۶ (۴	۱۲ (۳
بەترتىب توسط مجموعەھاى X	<u>بلی</u> متناهی و H یک گروه آبلی متناهی باشدکه	۹- فرض کنید G یک گروه <u>ناآ</u>
ست است؟	ام عناصر X و Y از مرتبه ۲ باشند، کدام مورد در	و Y تولید میشوند. اگر تما
	ل از ۲ نیستند.	۱) مرتبه G و H لزوماً توانی
	ی از ۲ هستند.	۲) مرتبه G و H هر دو توان
	، ولی مرتبه H لزوماً توانی از ۲ نیست.	۳) مرتبه G توانی از ۲ است
	۲ نیست ولی مرتبه H توانی از ۲ است.	۴) مرتبه G لزوماً توانی از ۲
	H < G و ۱ ≠ H باشد، دراینصورت	۹۱- فرض کنید G یک گروه و
	ید، آنگاه G متناهی است.	۱) اگر G – H متناهی باش
	•	۲) اگر H متناهی باشد، آنگ
	[متناهی باشد، آنگاه G متناهی است.	۳) اگر مرتبه تمام عناصر H
	گاه G – H متناهی است.	۴) اگر H نامتناهی باشد، آن
کسیمال داشته باشد. کدامیک از	ار را موضعی مینامند، هرگاه فقط یک ایدهآل ماک	۹۱- یک حلقه جابهجایی و یکد
	? -	حلقههای زیر موضعی <mark>نیست</mark> _
		\mathbb{Z}_{18} (1
		$\mathbb{Z}_{_{1Y}}$ (Y
		$\mathbb{Z}_{_{1A}}$ (r
		\mathbb{Z}_{19} (f
	ام حلقه برابر با ۴ نیست؟	۹۱ - تعداد عناصر وارون پذیر کد
		\mathbb{Z}_{Δ} ()
		$\mathbb{Z}_{1^{\circ}}$ (۲
		$\mathbb{Z} imes \mathbb{Z}$ ("
		$\mathbb{Z}_{\mathbf{F}} \times \mathbb{Z}_{\mathbf{T}}$ (f

ریاضی (کد ۱۲۰۸) صفحه ۲۰ 167 A عداد مقسومعلیههای صفر در حلقه چ \mathbb{Z} چندتا است؟ (عنصر صفر را هم بهعنوان یک مقسومعلیه -۹۵ – تعداد مقسومعلیه صفر در نظر بگیرید.) 18 (1 74 (7 ۲۶ (۳ 37 (4 کوچک ترین مقدار m چقدر است به طوری که در هر زیر مجموعه m عضوی از {۱, ۲,...,۶۰}، چهار عدد -98 مضرب ۳ مضرب ۳ مضرب $\mathbf{a}^{\mathsf{Y}} + \mathbf{b}^{\mathsf{Y}} + \mathbf{c}^{\mathsf{Y}} + \mathbf{d}^{\mathsf{Y}}$ مضرب ۳ باشد \mathbf{c} ، \mathbf{b} ، \mathbf{a} و \mathbf{b} ، \mathbf{c} ، \mathbf{b} مضرب ۳ باشد 71 (7 18 (1 41 (4 m1 (m چند تابع پوشا و صعودی از مجموعه {۰٫۰۰۰٫۲۵} به مجموعه {۰٫۰۰۰٫۱۵} می توان نوشت؟ (دامنه را -97 برابر {۰٫۲۰٫۰۰٫۲ } درنظر بگیرید.) $\sum_{i=1}^{1^{\circ}} (-1)^k \binom{1^{\circ}}{k} (1^{\circ} - k)^{\gamma_{\circ}} (1^{\circ} -$ $\begin{pmatrix} 19\\ 9 \end{pmatrix}$ (1 $\begin{pmatrix} Yq \\ q \end{pmatrix} (F$ $\sum_{k=1}^{10} (-1)^k \binom{7}{k} (7 \circ -k)^{10} (7 \circ -k)^{10}$ ۹۸ - می خواهیم اعداد ۱ تا ۱۰۰ را در ۱۰ دسته متمایز ۱۰ تایی قرار دهیم، به طوری که در هر دسته، ۵ عدد زوج و ۵ عدد فرد وجود داشته باشد. به چند طریق، این افراز امکان پذیر است؟ (ترتیب اعضا در هر دسته مهم نیست.) $\frac{\Delta \circ !^{r}}{1 \circ !^{r}}$ (r $\frac{\Delta \circ !^{r}}{\Delta !^{r \circ}}$ () $\frac{1 \circ \circ !}{\Delta l^{r_{\circ}}}$ (" $\frac{1 \circ \circ !}{\Delta l^{r_{\circ}} \setminus \circ l^{r_{\circ}}}$ (f اگر برای هر $s \ge i \ge i$ داشته باشیم: $s \ge i \le f(i+1) - f(i)$ ، چند تابع مانند f از مجموعه $\{1, 1, ..., 1^{\circ}\}$ به -99 مجموعه {٥٥،...,١،٢}، مي توان تعريف كرد؟ $(\cdot \cdot)$

در کدامیک از دنبالههای بازگشتی زیر، جمله عمومی دنباله به فرم $a_n = a.r^n + b.r^{7n} + c.r^{7n}$ خواهد بود؟ (فرض کنید سه جمله اول هر دنباله، مقادیری معلوم هستند و برای ۴ $\leq n$ ، رابطه بازگشتی داده شده است.) $a_n = 1$ (۱) $a_{n-1} + \delta \beta a_{n-7} + \beta \beta a_{n-7}$

$$a_n = i f a_{n-1} - \Delta f a_{n-\tau} + f f a_{n-\tau}$$

$$\mathbf{a}_n = -\mathbf{1}\mathbf{f} \, \mathbf{a}_{n-\mathbf{1}} - \mathbf{d}\mathbf{f} \mathbf{a}_{n-\mathbf{T}} + \mathbf{f} \mathbf{f} \, \mathbf{a}_{n-\mathbf{T}}$$
 (T

$$a_n = -i \mathfrak{f} a_{n-i} + \mathfrak{d} \mathfrak{f} a_{n-i} - \mathfrak{f} \mathfrak{f} a_{n-i}$$
 (f

 ۲۰۳. اگر آخ (۱) باشد. برای هر آاز دامنه، چند تابع دوسویی از (۲,۳,۴,۵,۶) به مجموعه (۲,۳,۴,۵,۶) وجود دارد؟ ۲۹۳ (۲ ۲۴۰ (۲ ۲۴۰ (۱) ۲۴۰ (۲۰۰ (۲۰۰ (۲۰۰ (۲۰۰ (۲۰۰ ۹۰۹))))) ۲۹۳ (۲ ۲۴۰ (۲۰۰ (۲۰۰ (۲۰۰ (۲۰۰ (۲۰۰ (۲۰۰ (۲	صفحه ۲۱	167 A		ریاضی (کد ۱۲۰۸)
وجود دارد؟	مجموعه {۲,۳,۴,۵,۶}	م دوسویی از {۱,۲,۳,۴,۵} به	ی هر i از دامنه، چند تابع	۱۰۱- اگر f(i)≠i باشد، برای
$\begin{split} -1.7 \mbox{Pole} D : \mbox{Pole} p : \mb$		T9T (T		7F ° (1
هر زیرمجموعه ۳ عضوی از مجموعه (ه۱, ۲, ۱۰, ۱) را یک رأس درنظر بگیرید. دو رأس A و B مجاوزند، هرگاه کوچک ترین عضو A با بزرگ ترین عضو B برابز باشد. ماکزیمم درجه و مینیمم درجه در گراف G، ۲. (۲) (۲) (۲) (۲) (۲) (۲) (۲) (۲) (۲) (۲)		** ° (*		3757 (3
هرگاه کوچک ترین عضو A با بزرگ ترین عضو B برابز باشد. ماکزیمم درجه و مینیمم درجه در گراف G. به تر تیب. کدام است؟ (۲۱, ۰) (۲) (۲) (۲) (۲) (۲) (۲) (۲) (۲) (۲) (۲			نعریف میشود:	I•۲ - گراف G، بهصورت زیر i
بهترتیب. کدام است؟ (۲۱, ۰) (۲ (۲۱, ۱) (۲ (۲۱, ۱) (۲) (۲) (۲) (۲) (۲) (۲) (۲) (۲) (۲) (۲	. دو رأس A و B مجاورند،	۱٫۲} را یک رأس درنظر بگیرید	ی از مجموعه {۰۰,۰۰۰	هر زیرمجموعه ۳ عضو:
$ \begin{array}{c} (\Upsilon, \circ) (\mathfrak{f} (\Upsilon, 1, 0) (\mathfrak{T} (\Upsilon, 0, 0) (\mathfrak{T} (\mathfrak{T} (\mathfrak{r} 0, 0) (\mathfrak{T} (\mathfrak{T} 0, 0) (\mathfrak{T} (\mathfrak{T} 0, 0) (\mathfrak$	مینیمم درجه در گراف G،	B برابر باشد. ماکزیمم درجه و	و A با بزرگترین عضو	هرگاه کوچکترین عض
$\begin{aligned} -1 \cdot P = \frac{1}{2} \{b : B\}, k - b \in C$ $A \subseteq C = 2 = 2 = 2 = 2 = 2 = 2 = 2 = 2 = 2 =$				بەترتىب، كدام است؟
هر زیرمجموعه ۲ عضوی از مجموعه (۵,,۱۲) را یک رأس است و دو رأس A و B مجاور هستند اگر تفاضل متقارن A و B دوعضوی باشد (۲ = $ A \Delta B $). چند گزاره از گزاره های زیر. درباره G، <u>نادرست</u> است؟ - G. همبند است. - C. جمع هر رأس، برابر است با ۲۱. - C. دوبغشی است. - G. دوبغشی است. - G. دوبغشی است. - G. دوبغشی است. - T (۲ (۲) - T (1) - T (1)	(۲۱, ۰) (۴	(71,10) (٣	(۲۸, ۰) (۲	$(\Upsilon \Lambda, 1\circ)$ (1
تفاضل متقارن A و B دوعضوی باشد (Y = A Δ B). چند گزاره از گزاره های زیر. درباره G، <u>نادرست</u> است؟ G همیند است. - 0. a cyck a d (n), برابر است با Y . $- 0. cett a d (n), برابر است با Y . - 0. cett a d (n), برابر است با Y . - 0. cett a d (n), برابر است با Y . - 0. cett a d (n), representation of the set o$				
$\begin{array}{c} - \theta. \ arrow for the formula to the formula $				
$-c, c, e, a, c, \bar{b}, v, l, u, v, v, u, v, u, v, u, v, u, v, v, u, v, u, v, v,$	ر، درباره G، <mark>نادرست</mark> است؟	A ∆). چند گزاره از گزارههای زی	$ \mathbf{A} \mathbf{B} = T$ وعضوی باشد $\mathbf{B} = T$	تفاضل متقارن A و B د
$\begin{array}{c} - B. \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ $				_ G، همبند است.
$-D. \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \$			ست با ۲۱.	
$Y (Y $ $Y (Y) = \{(x, y) x, y \in \mathbb{N}, 1 \le x \le 1, 1 \le y \le 9\}$ $F (G) = \{(x, y) x, y \in \mathbb{N}, 1 \le x \le 1, 1 \le y \le 9\}$ $F (G) = \{(A, B) A, B \in V(G), \overline{AB} = \sqrt{1Y}\}$ $9 \circ (Y $ $9 \circ (Y $ $9 \circ (Y $ $1 \le 1, 1 \le 1, 2 \le 2, 2 \le 2,$				
۴ (۴ ۳ (۳ ۴ (۴ ۳ (۳ ۹۰۰ گراف G، بهصورت زیر تعریف میشود. این گراف چند یال دارد؟ ۲ (G) = {(x,y) x, y \in \mathbb{N}, 1 \le x \le 1, 1 \le y \le 2} E (G) = {A, B A, B \in V(G), $\overline{AB} = \sqrt{17}$ } ۹۰ (۲ ۹۶ (۱ ۴۵ (۴ ۴۸ (۳ ۴۵ (۴ ۴۸ (۳ ۴۵ (۴ ۴۸ (۳ ۱۰۰۰ ۴۸ (۴ ۹۰ (۲ ۹۰ (۲ ۹۰ (۲ ۹۰ (۲ ۹۰ (۲ ۹۰ (۲ ۹۰ (۴ ۹۰ (۴ ۹۰ (۴ ۹۰ (۲ ۹۰ (۴ ۹۰ (۲ ۹۰ (۴ ۹۰ (۲ ۹۰ (۴ ۹۰ (۲ ۹۰ (۴ ۹۰ (۲ ۹۰ (۴ ۹۰ (۲ ۹۰ (۴ ۹۰ (۲ ۹۰ (۴ ۹۰ (۲ ۹۰ (۴ ۹۰ (۲ ۹۰ (۴ ۹۰ (۲ ۹۰ (۴ ۹۰ (۲ ۹۰ (۴ ۹۰ (۲ ۹۰ (۴ ۹۰ (۲ ۹۰ (۴ ۹۰ (۲ ۹۰ (۴ ۹۰ (۲ ۹۰ (۴ ۹۰ (۲ ۹۰ (۴ ۹۰ (۲ ۹۰ (۴ ۹۰ (۲			د.	-
$\begin{aligned} -1 \cdot \mathbf{F} \cdot \mathbf{V} & (\mathbf{G}) = \{(\mathbf{x}, \mathbf{y}) \mathbf{x}, \mathbf{y} \in \mathbb{N} \ , \ \le \mathbf{x} \le \mathbf{q} \ , \ \le \mathbf{y} \le \mathbf{q} \} \\ \mathbf{F} \cdot \mathbf{V} & (\mathbf{G}) = \{(\mathbf{x}, \mathbf{y}) \mathbf{x}, \mathbf{y} \in \mathbb{N} \ , \ \le \mathbf{x} \le \mathbf{q} \ , \ \le \mathbf{x} \le \mathbf{q} \} \\ \mathbf{F} \cdot \mathbf{G} & (\mathbf{F} \) \\ \mathbf{F} \cdot \mathbf{G} = \{\mathbf{A}, \mathbf{B}\} \mathbf{A}, \mathbf{B} \in \mathbf{V}(\mathbf{G}) \ , \ \overline{\mathbf{AB}} = \sqrt{17} \} \\ \mathbf{g} & (\mathbf{Y} \) \\ \mathbf{g} & (\mathbf{F} \) \\ \mathbf{g} & ($				
$V(G) = \{(x, y) x, y \in \mathbb{N}, 1 \le x \le 4, 1 \le y \le 9\}$ $E(G) = \{\{A, B\} A, B \in V(G), \overline{AB} = \sqrt{17}\}$ $9 \circ (7 \qquad 95 (1)$ $f \land (6 \qquad 74 (7)$ $f \land (7 \qquad 95 (1)$ $f \land (7 \qquad 74 (1)$ $f \land (7 \qquad 71 (1)$ $f \land (7 \ 71 (1)$				
$\mathbf{E}(\mathbf{G}) = \left\{ \{\mathbf{A}, \mathbf{B}\} \middle \mathbf{A}, \mathbf{B} \in \mathbf{V}(\mathbf{G}), \overline{\mathbf{AB}} = \sqrt{17} \right\}$ $\begin{array}{c} 9 \circ (1) \\ 9 \circ (7) \\ 1 \end{array}$ $\begin{array}{c} 9 \circ (7) \\ 7 \circ (7) \\ 7 \circ (7) \\ 1 \end{array}$ $\begin{array}{c} 7 \circ (7) \\ 9 \circ (7) \\ 7 \circ (7) $			نعریف میشود. این گراذ	۱۰۴- گراف G، به صورت زیر i
۹۰ (۲) ۹۶ ۹۰ (۲) ۹۶ ۴۵ (۴) ۴۸ (۳) ۴۵ (۴) ۴۸ (۳) ۱۰۵- تعداد کوچک ترین درختهای فراگیر در گراف وزن دار زیر، کدام است؟ ۱۱۸ (۳) ۱۲۸ (۳) ۱۲۸ (۳) ۹۶ (۴) ۹۶ (۴) ۹۶ (۴) ۱۲۸ (۳) ۱۲۸ (۳) ۹۶ (۴) ۱۲۸ (۳) ۱۲۸ (۳)	$\mathbf{V}(\mathbf{G}) = \{(\mathbf{x}, \mathbf{y}) \mathbf{x}, \mathbf{y} \in$	$\mathbb{N} \ , \ 1 \le x \le 9 \ , \ 1 \le y \le 9 \}$		
۹۰ (۲) ۹۶ ۹۰ (۲) ۹۶ ۴۵ (۴) ۴۸ (۳) ۴۵ (۴) ۴۸ (۳) ۱۰۵- تعداد کوچک ترین درختهای فراگیر در گراف وزن دار زیر، کدام است؟ ۱۱۸ (۳) ۱۲۸ (۳) ۱۲۸ (۳) ۹۶ (۴) ۹۶ (۴) ۹۶ (۴) ۱۲۸ (۳) ۱۲۸ (۳) ۹۶ (۴) ۱۲۸ (۳) ۱۲۸ (۳)	$\mathbf{E}(\mathbf{G}) = \left\{ \{\mathbf{A}, \mathbf{B}\} \middle \mathbf{A}, \mathbf{B} \right\}$	$\in V(G)$, $\overline{AB} = \sqrt{17}$		
 ۱۰۵- تعداد کوچکترین درختهای فراگیر در گراف وزن دار زیر، کدام است؟ ۱۰۵ (۱) ۲۱۷۸ (۱) ۶۴۸ (۲) ۶۴۸ (۳) ۱۲۸ (۳) ۹۹ (۴) ۹۹ (۴) ۹۹ (۴) ۹۹ (۳) ۹۹ (۳) ۹۹ (۳) ۹۹ (۳) 				98 (1
(۱) (1		40 (4		۴۸ (۳
۶۴۸ (۲ ۱۲۸ (۳ ۱۲۸ (۳ ۸۹ (۴ <i>بر خطی عددی، بهینهسازی خطی و نظریه مقدماتی معادلات دیفرانسیل:</i> ۱۰۶- کدام مورد برای ماتریسهای متعامد حقیقی B و A، لزوماً برقرار نیست؟ ۱۰۶- کدام مورد برای ماتریسهای متعامد حقیقی B و A، لزوماً برقرار نیست؟ ۱) ستونهای A مجموعهای از بردارهای یکه متعامد تشکیل میدهند. ۲) AB متعامد است. ۳) ۱ = (۳		وزندار زیر، کدام است؟	تهای فراگیر در گراف	۱۰۵ - تعداد کوچکترین درخ
جبر خطی عددی، بهینه سازی خطی و نظریه مقدماتی معادلات دیفرانسیل: - کدام مورد برای ماتریس های متعامد حقیقی B و A، لزوماً برقرار نیست؟ ۱) ستون های A مجموعه ای از بردارهای یکه متعامد تشکیل می دهند. ۲) AB متعامد است. طet(A) = ۱ (۳	<u>م</u>	A A	А	TIVA (I
جبر خطی عددی، بهینه سازی خطی و نظریه مقدماتی معادلات دیفرانسیل: ۱۰۶- کدام مورد برای ماتریس های متعامد حقیقی B و A، لزوماً برقرار نیست؟ ۱) ستون های A مجموعهای از بردارهای یکه متعامد تشکیل می دهند. ۲) AB متعامد است. طet(A) = ۱ (۳	<u> / </u>	$\langle \cdot \rangle$ $\langle \cdot \rangle$, 1/ \1	844 (1
جبر خطی عددی، بهینه سازی خطی و نظریه مقدماتی معادلات دیفرانسیل: ۱۰۶- کدام مورد برای ماتریس های متعامد حقیقی B و A، لزوماً برقرار نیست؟ ۱) ستون های A مجموعهای از بردارهای یکه متعامد تشکیل می دهند. ۲) AB متعامد است. طet(A) = ۱ (۳	6 <u>, </u> \	- 2 - 4	\rightarrow	۱۲۸ (۳
 ۱۰۶ کدام مورد برای ماتریسهای متعامد حقیقی B و A، لزوماً برقرار نیست؟ ۱) ستونهای A مجموعهای از بردارهای یکه متعامد تشکیل میدهند. ۲) A متعامد است. ۳) (۳) det(A) = ۱ 	r v r	r r r	v '	۸۹ (۴
 ۱۰۶ کدام مورد برای ماتریسهای متعامد حقیقی B و A، لزوماً برقرار نیست؟ ۱) ستونهای A مجموعهای از بردارهای یکه متعامد تشکیل میدهند. ۲) A متعامد است. ۳) det(A) = ۱ (۳ 		معادلات ديفرانسيل:	خطی و نظر به مقدماتی	جىر خطى عددى، بهىنەسازى
۱) ستونهای A مجموعهای از بردارهای یکه متعامد تشکیل میدهند. ۲) AB متعامد است. ۳) det(A) = ۱ (۳				
AB (۲ متعامد است. det(A) = ۱ (۳		و A، لزوماً برقرار نيست؟	های متعامد حقیقی B	۱۰۶- کدام مورد برای ماتریس
det(A) = v (r		عامد تشکیل میدهند.	مهای از بردارهای یکه مت	۱) ستونهای A مجموء
				AB (۲ متعامد است.
$\mathbf{A}^{-1} = \mathbf{A}^{\mathrm{T}}$ (f				det(A) = 1 (r
				$A^{-1} = A^T$ (f

صفحه ۲۲ 167 A ریاضی (کد ۱۲۰۸) $H = I - \frac{\mathsf{Yuu}^{\mathrm{T}}}{\mathsf{u}}$ و $H = I - \frac{\mathsf{Yuu}^{\mathrm{T}}}{\mathsf{u}}$. کدام مورد برای ماتریس H $\mathsf{u} \in \mathbb{R}^{\mathrm{Yn}}$ است? –۱۰۷ H (۲، یک ماتریس متعامد است. ۱) H، یک ماتریس مثبت معین متقارن است. $\| Hx \|_{\mathsf{Y}} = \| x \|_{\mathsf{Y}}, \forall x \in \mathbb{R}^{\forall n}$ (7) $\mathbf{A}\mathbf{x} = \begin{bmatrix} -\mathbf{A} \\ \mathbf{0} \\ \mathbf{V} \end{bmatrix}$ $\mathbf{A}\mathbf{x} = \begin{bmatrix} \mathbf{A} \\ \mathbf{0} \\ \mathbf{V} \end{bmatrix}$ $\mathbf{A}\mathbf{x} = \begin{bmatrix} -\mathbf{A} \\ \mathbf{0} \\ \mathbf{0} \end{bmatrix}$ $\mathbf{A}\mathbf{x} = \begin{bmatrix} -\mathbf{A} \\ \mathbf{0} \\ \mathbf{0} \end{bmatrix}$ $\mathbf{A}\mathbf{x} = \begin{bmatrix} -\mathbf{A} \\ \mathbf{0} \\ \mathbf{0} \end{bmatrix}$ $\mathbf{A}\mathbf{x} = \begin{bmatrix} -\mathbf{A} \\ \mathbf{0} \\ \mathbf{0} \end{bmatrix}$ $\mathbf{A}\mathbf{x} = \begin{bmatrix} -\mathbf{A} \\ \mathbf{0} \\ \mathbf{0} \end{bmatrix}$ از الگوريتم تكرار گاوس _سايدل و بردار آغازين $\mathbf{x}^{(\circ)}=(\mathsf{r},a,\mathbf{b})^{\mathrm{T}}$ چنان استفاده می كنيم كه دنبالهٔ حاصل به جواب دستگاه معادلات همگرا شود. اگر بردار حاصل از تکرار اول به صورت T ($x^{(1)} = (\circ, \frac{\Delta}{\pi}, -\frac{11}{1\Delta})^T$ باشد، آنگاه مقدار $\mathbf{b} - \mathbf{a}$ کدام است؟ $-\frac{\gamma \circ}{2}$ (1 ۲) صفر 7 (4 ا، از روش حذفی گاوس A = $\begin{bmatrix} 1 & 7 & -1 \\ \beta & 1 & 1 \\ \beta & 1 & 1 \\ 0 & -1 & -1 \end{bmatrix}$ از روش حذفی گاوس A = $\begin{bmatrix} 1 & 7 & -1 \\ \beta & 1 & 1 \\ 0 & -1 & -1 \end{bmatrix}$ استفاده میکنیم. مقدار β در کدام بازه تغییر کند تا نیاز به محورگیری جزئی نباشد؟ [-1, 0] (7 [0, 1] (1) $[-1,\circ] \cup [1,\infty)$ (f [-1,1] (" ، کدام است؟ $\mathbf{A} = \begin{pmatrix} \mathbf{Y} & \mathbf{F} \\ \mathbf{F} & \mathbf{Y} \end{pmatrix}$ ماتریس $\mathbf{Q} \mathbf{R}$ ماتریس R در تجزیهٔ $\mathbf{Q} \mathbf{R}$ ، کدام است? $\begin{pmatrix} \frac{1}{\sqrt{\Delta}} & \frac{\lambda}{\sqrt{\Delta}} \\ 0 & -\frac{\varphi}{\sqrt{2}} \end{pmatrix} (1)$ $\begin{pmatrix} 7 & F \\ & \underline{\Lambda} \\ & \underline{-\Lambda} \\ & \underline{-\Lambda} \end{pmatrix}$

کردن دستگاه فوق، کدام مورد درخصوص تعداد جوابهای پایهای شدنی دستگاه جدید، درست است؟

(است.
$$\binom{m+n}{m}$$
 است. (اm) حداقل $\binom{m+n}{m}$ است. (اm) حداقل $\binom{m+n}{m}$ است. (اm) حداکثر $\binom{m+n}{m}$ است. (اm) حداکثر $\binom{m}{m}$ است.

۱۱۴- دستگاه استاندارد (P) را به صورت زیر درنظر بگیرید.

Ax = b**(P)** $\mathbf{x} \ge \circ$

Р

که در آن، \overline{x} یک جواب پایهای شدنی A ستونهای ماتریس a_1, \dots, a_n و $x = (x_1, \dots, x_n)^T$ که در آن، برای دستگاه (P) با پایه $\mathbf{B} = [\mathbf{a}_1, \mathbf{a}_{\mathsf{P}}, \mathbf{a}_{\mathsf{F}}]$ باشد و $\mathbf{y}_{\mathsf{j}} = \mathbf{B}^{-1}\mathbf{a}_{\mathsf{j}}$ ، آنگاه \mathbf{y}_{P} کدام است?

$$\begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 7 \\ 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 0 \\$$

(17+	٨	(کد	ضي	ر یا

 $\mathbf{Min} \, \mathbf{c}^{\mathbf{T}} \mathbf{x}$

s.t.

Ax+Is=b (P)

 $x \ge \circ, s \ge \circ$

فرض کنید ∘≥b و جدول متناظر با یکی از تکرارهای الگوریتم سیمپلکس برای حل این مسئله بهصورت زیر است. مقدار c₁ (ضریب x₁ در تابع هدف) کدام است؟

	Z	x,	x۲	s ₁	s۲	s٣	RHS
Ζ	١	٨	o	o	-۲	o	
s ₁	0	v		١	$-\frac{\Delta}{r}$	o	۵
~1			0	,	٣	0	
Χ _Υ	0	-۱	١	o	<u>1</u> ٣	o	١
s۳	0	١	o	o	' 0	١	۴

۱۱۷- جدول زیر، متناظر با یک مسئله مینیممسازی است. کدام مورد، صحیح است؟

						RHS
Ζ	١	0	0	0	-1	o
s ₁	o	0	١	١	١	•
x,	0	1	١	o	<u>)</u>	0
					۲	

s.t.

 $\mathbf{A}\mathbf{x} = \mathbf{\circ} \qquad (\mathbf{P})$

 $\circ \le x \le u$

Min $c^{T}x$ s.t. $Ax = \circ$ (P) $x \ge \circ$ واب بهينه باشد. اگر بردار ضرايب هزينه از	بگیرید.	رت زیر درنظر	۱۱- مسئله برنامهریزی خطی (P) را به صو
s.t. $Ax = \circ$ (P) $x \ge \circ$ واب بهينه باشد. اگر بردار ضرايب هزينه از ع			
Ax = • (P) x ≥ • واب بهینه باشد. اگر بردار ضرایب هزینه از			
x ≥ 0 واب بهینه باشد. اگر بردار ضرایب هزینه از			
واب بهینه باشد. اگر بردار ضرایب هزینه از			
) دارای جم	ر مـ دهيم و (P	فرض کنید دوگان (P) را با (D) نشان
ُن را با (/D) نمایش میدهیم. دراینصورت			
	• • •		كدام مورد صحيح است؟
D) بی کران است.	で) (*		۱) (D') نشدنی است.
D) جواب بهینه دارد یا نشدنی است.	*) (*		۳) (D') جواب بهینه دارد.
ر روش دومرحلهای (دوفازی) است که در آر			
اول و دوم مسئله هستند. حاصل x + β + γ	نوعی قیود ا	ا متغیرهای مصا	
$ \mathbf{Z} \mathbf{x}_1 \mathbf{x}_7 \mathbf{s}_1 \mathbf{s}_7 \mathbf{R}$, R _r	RHS	کدام است؟ ۱) ۸
Ζ 1 α1 τ .	· –۳	β	۶ (۲
\mathbf{R}_1 o Δ o -1 γ 1	-۲)	۵ (۳
$\mathbf{x}_{\mathbf{Y}} \mid \mathbf{o} \mid -\mathbf{Y} 1 \mathbf{o} -1 \mathbf{o}$, 1	٣	۴) صفر
باشد $y' = \frac{\cos x}{r - \sin^7 x} (r - y^7), y(\circ) = 1$	قدار اوليه	دىفانسىا ، يا م	۱− فض کنید v(x) یک حماب معادله
$f - \sin^2 x$			
		د برفرار است؟	کدام یک از نامساوی های زیر برای هر x ۱) ۲ < y(x) < ۲ (۱
			$-\gamma < y(x) < \sin x$ (7)
			$\sin x < y(x) < +1$ (*
			$-1 < y(x) < \sin x$ (f
ند. کدام مجموعه میتواند، مجموعهٔ اساسے)= I باشن	$\frac{1}{1}, \frac{1}{2}$	۱۲- فرض کنید p و q دو تابع پیوسته بر
			q(x)y = • جواب معادله ديفرانسيل
	-]-]-]-	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	$ \begin{cases} x^{r}, x \end{cases} $ ()
			$\{\sin x, y\}$ (1
			$\{x^{r}, \tan^{-1}x\}$ (r
		1 4	$\left\{ \mathbf{x}^{Y} \mid \mathbf{x} \mid, \mathbf{x}^{Y} \right\} \ (F$
ندار اوليه _☉ y = ۱+ ۳ sin t , y(☉) = y	سئله با مق	+ t، جواب م	
			کراندار باقی میماند؟ ۸
			$-\frac{\Delta}{r}$ (1
			۲) صفر
			$\frac{r}{r}$ (r
			$\frac{\Delta}{r}$ (f
			<u>^</u>

167 A

۱۲۴- کدام عبارت زیر برای مسئله اولیهٔ
$$\circ = (\circ)$$
 $y^{\frac{1}{7}}, y(\circ) = y$ در بازهٔ [۰, ٥] درست است؟
۱) مسئله تعداد نامتناهی جواب دارد.
۲) مسئله فقط دو جواب $\circ = y$ و $\frac{\pi}{7}(x\frac{\pi}{7}) = y$ دارد.
۳) مسئله یک جواب یکتای $\circ = y$ دارد.
۴) مسئله یک جواب یکتای $\circ = y$ دارد.
۴) مسئله جواب ندارد.
۱۲۵- تحت چه شرایطی از هر نقطهٔ واقع در درون مستطیل متناهی R، یک منحنی منحصربه فرد از جواب معادله
دیفرانسیل $\frac{dy}{dx} = f(x, y)$ می گذرد؟
۱) $f(x, y)$ و (x, y) هردو کراندار باشند.

۲)
$$f(x,y)$$
 کراندار و $\frac{\partial f}{\partial y}(x,y)$ پیوسته باشد.
 $f(x,y)$ (۲ کراندار باشد.
 $f(x,y)$ (۳ پیوسته و $\frac{\partial f}{\partial y}(x,y)$ کراندار باشد.
 $f(x,y)$ (۴ $\frac{\partial f}{\partial y}(x,y)$ و $f(x,y)$ هردو پیوسته باشند.

$$\begin{aligned} \Delta < x < Y & X > X \\ 1 & Y = 4 \\ 1 & Y = 1 \\ 1 & Y$$

ریاضی (کد ۱۲۰۸)

. در این صورت، $F(x) = Y/\beta F(x)$ از منع به معنی $F(x) = Y/\beta F(x)$ از من کنید (۲) (۲) F(x) = F(x)E(X) كدام است؟ ۳ (۱ ٣/٢ (٢ 4 (٣ 4,7 (4 اگر X دارای تابع چگالی احتمال $f(x) = \frac{1}{\pi(1+x^7)}$ و F(x) تابع توزیع آن باشند، واریانس متغیر $\pi(1+x^7)$ تصادفی $Y = (1 - F(X))^{T}$ کدام است؟ $\frac{17}{50}$ (1) $\frac{\Delta}{r\Delta}$ (7) $\frac{\epsilon}{\epsilon}$ (" ۴) وجود ندارد. ۱۳۰- فرض کنید X و Y متغیرهای تصادفی مستقل هندسی با تابع جرم احتمال زیر باشند: $P(X = x) = p(1-p)^{x}$, $\mathbf{x} = \circ, \mathbf{y}, \mathbf{y}, \cdots$ مقدار $P\{X = Y \in Min(X, Y) = 1\}$ مقدار است؟ p(1-p) (1) $p^{\gamma}(1-p)$ (γ $p(1-p)^{\gamma}$ (π $p^{r}(1-p)^{r}(r)$ $P(X > Y) = \frac{1}{2}$ فرض کنید X و Y دو متغیر تصادفی مستقل باشند که $X \sim U(\circ, 1)$ و X $\sim U(\circ, \beta)$. اگر $\frac{1}{2}$ باشد، مقدار β كدام است؟ $\frac{1}{7}$ (1 $\frac{\pi}{\tau}$ (7 ۲ (۳ 4 (4 استاندارد، دو متغیر تصادفی مستقل X استاندارد، دو X استاندارد، دو متغیر استاندارد، دو متغیر استاد ${f X}$ -۱۳۲ ورض کنید از یکدیگر باشند. در مورد کران $P(Z^{r} > \frac{X+1^{\circ}}{X+Z^{r}})$ ، چه می توان گفت؟

$$\frac{\pi}{1\circ}$$
حداکثر $\frac{\pi}{1\circ}$ (۱) حداکثر(۲) $\frac{V}{1\circ}$ حداکثر(۳)

ریاضی (کد ۱۲۰۸)

صفحه ۲۸

۱۳۳- فرض کنید X و Y دو متغیر تصادفی پواسون مستقل با میانگین برابر با λ باشند. مقدار احتمال کدام است؟ $P(X = \circ | X + Y = T)$ $\frac{e^{-\lambda}}{r}$ (1) $\gamma e^{-\lambda}$ (γ $\frac{1}{7}$ (7 $\frac{k}{l}$ (4 ۱۳۴- برای دو متغیر تصادفی X و Y داریم $M_{X+YY^{(t)}} = (1-Yt)^{-1}, M_{YX-Y^{(t)}} = e^{A(e^t-1)}$ که در آن، $\mathbf{M}_{\mathbf{Z}}(t)$ نشاندهنده تابع مولد گشتاورهای متغیر تصادفی Z است. با فرض اینکه ، در این صورت Cov(X, Y) کدام است Var(X) = Var(Y) $-\frac{k}{l}$ () $-\frac{1}{7}$ (7 $\frac{1}{r}$ (r $\frac{1}{r}$ (r ۱۳۵- فرض کنید X و Y دارای تابع چگالی توأم ۰×۰٫۰ × × × × (x ,y) = e -۲x-^y ماشد. ضریب همبستگی بین X + Y و X - X، کدام است؟ $-\frac{19}{17}$ (1 $-\frac{1\Delta}{1V}$ (Y $-\frac{1}{1}\frac{1}{7}$ (r $-\frac{1\pi}{1\chi}$ (4

صفحه ۲۹

167 A $M(t) = rac{e^{-t} + e^{t}}{-}$ فرض کنید $X_{\gamma}, X_{\gamma}, X_{\gamma}$ یک نمونه تصادفی سهتایی از توزیعی با تابع مولد گشتاور $X_{\gamma}, X_{\gamma}, X_{\gamma}$ باشد. واریانس $\frac{X_1 + X_7 + X_m}{w}$ باشد. واریانس $\frac{1}{8}$ (1 $\frac{1}{r}$ (7 <u>΄</u> (٣ $\frac{\Delta}{\epsilon}$ (f ۱۳۷- در یک نمونه تصادفی ۵ تایی از توزیع گاما با پارامترهای ۱ و ۱، احتمال این که کوچک ترین مشاهده از میانه توزیع بزرگتر باشد، کدام است؟ $\frac{v}{rr}$ () $\frac{\Delta}{\pi\tau}$ (7 $\frac{\pi}{\pi\tau}$ (π $\frac{1}{\pi\pi}$ (f $E(\frac{X_{1}^{T}+TX_{Y}^{T}-TX_{W}^{T}}{X_{1}^{T}+X_{Y}^{T}+X_{W}^{T}})$ باشند، $N(\frac{1}{T},T)$ باشند، $N(\frac{1}{T},T)$ باشند، X_{T},X_{T},X_{T} كدام است؟ ۱) صفر ۲ (۲ 1 (٣ <u>)</u> (۴ Y نید X_1,\ldots,X_n با تابع توزیع پیوسته F فرض کنید از توزیعی با تابع توزیع پیوسته -۱۳۹ یک متغیر تصادفی دیگر از همان توزیع \mathbf{F} و مستقل از \mathbf{X}_{i} ها باشد. حاصل $(Y > X_{(i)})$ کدام است؟ (ست.) کوچکترین آماره مرتب یک نمونه تصادفی به حجم n است.) , 1,0 \dots n \dots

$$1 - \frac{1}{n} \quad (7 \qquad 1 - (\frac{1}{\gamma})^{n+1}) \quad (7 \qquad 1 - (\frac{1}{\gamma})^{n+1}) \quad (7 \sim 1)$$

$$\begin{array}{c} (1)^{(2)} (2)^{(2$$

 $e^{-1/\Delta}$ (f

صفحه ۳۱	167 A	ریاضی (کد ۱۲۰۸)
E (N(۲) N(۳) = ۶ کدام است؟	} یک فرایند پواسون با نرخ ۲ باشد. مقدار (۶	۱۴۴- فرض کنید {∘ ≥ N(t) ا
		۲ (۱
		۴ (۲
		۶ (۳
		۱۲ (۴
ط تعداد نوزادان فرد ilم باشند و	ض کنید X _n تعداد اعضای نسل nام و μ متوس	۱۴۵- در یک فرایند شاخهای فر
کدام است؟	$5 \mathrm{m} \leq \mathrm{n}$ برای $\mathrm{E}(\mathrm{X}_{\mathrm{m}} \mathrm{X}_{\mathrm{n}})$ برای EX.	${f X_n^r}=1, {f X_\circ}=1$ قرار دهید ۱
		μ^{n-m} ()

- $\mu^{n-\tau m}$ (r
- $\mu^{{}^{ au n-m}}$ (r
- $\mu^{\text{T}(n-m)}$ (f