









صفحه ۲	259 A	علوم کامپیوتر (کد ۱۲۰۹ ـ (شناور))
عدم حضور شما در جلسه آزمون است.	در مندرجات جدول زیر، بهمنزله	* داوطلب گرامی، عدم درج مشخصات و امضا
با آگاهی کامل، یکسان بودن شماره	با شماره داوطلبی	اينجانب
لای پاسخنامه و دفترچه سؤالها، نوع و	بالای کارت ورود به جلسه، با/	صندلی خود با شماره داوطلبی مندرج در
، مینمایم.	ها و پایین پاسخنامهام را تأیید	کد کنترل درجشده بر روی دفترچه سؤال
امضا:		

PART A: Vocabulary

زبان عمومی و تخصصی (انگلیسی):

Directions: Choose the word or phrase (1), (2), (3), or (4) that best completes each sentence. Then mark the answer on your answer sheet.

- 1-If you want to excel at what you love and take your skills to the next level, you need to make a to both yourself and your craft.
- 3) statement 1) commitment 2) passion 4) venture It is usually difficult to clearly between fact and fiction in her books. 2-2) rely 3) raise 4) distinguish 1) gloat
- Some people seem to lack a moral, but those who have one are 3capable of making the right choice when confronted with difficult decisions.
- 1) aspect 2) compass 3) dilemma 4) sensation 4-The factual error may be insignificant; but it is surprising in a book put out by a/an academic publisher.
- 2) incipient 1) complacent 3) prestigious 4) notorious
- In a society conditioned for instant, most people want quick results. 5-2) gratification 3) spontaneity 1) marrow 4) consternation
- One medically-qualified official was that a product could be so 6beneficial and yet not have its medical benefit matched by commensurate commercial opportunity.
- 1) incredulous 2) quintessential 3) appeased 4) exhilarated 7-Some aspects of zoological gardens always me, because animals are put there expressly for the entertainment of the public.

1) deliberate 2) surmise 4) appall 3) patronize

PART B: Cloze Test

<u>Directions</u>: Read the following passage and decide which choice (1), (2), (3), or (4) best fits each space. Then mark the correct choice on your answer sheet.

Online learning has been around for years, but it really took off during the transition to online learning, and this trend is likely to continue in the future. There are many benefits to online learning, (9) accessibility and flexibility. Students can learn at their own pace, and from anywhere in the world.

۳	صفحه
---	------

8-	1) forced to	2) have forced
	3) were forced to	4) forcing
9-	1) including increased	2) they include increasing
	3) and increase	4) they are increased
10-	1) is also more	2) also to be more
	3) which is also more	4) is also so

PART C: Reading Comprehension

<u>Directions</u>: Read the following three passages and answer the questions by choosing the best choice (1), (2), (3), or (4). Then mark the correct choice on your answer sheet.

PASSAGE 1:

Theoretical concepts can take decades to be assimilated into the mainstream of computing, but when they are assimilated, they can have a profound practical impact. The stored-program computer, a concept central to computer science, owes its origins to Alan Turing, who studied the fundamental nature of computation in the 1930's. The practice of programming computers was significantly advanced by the development of the theory of automata and languages by Chomsky and others in the 1950's. Building on the foundations of context-free grammars, Knuth and others introduced algorithms and data structures for the efficient and practical parsing of high-level languages, leading to tools such as YACC, thereby enabling the software revolution of the 1960's. In the 1970's, theoreticians, exploring the intrinsic complexity of computational problems, identified the large class of NPcomplete problems, everyday problems that appear to be so difficult to solve that no foreseeable increase in computing power would enable their exact solution. Theoreticians interested in studying computational complexity were led to the discovery of hard problems that serve as the underpinnings for modern computersecurity systems, notably the RSA public-key cryptosystem. Also, they have demonstrated the utility of mathematical logic and automata theory to the verification of complex computer systems; for example, model-checking technology is now widely used by hardware vendors.

11-	The word "impact"	in the passage is clos	est in meaning to	•••••
	1) influence	2) orientation	3) meaning	4) knowledge
12-	The word "they" in	the passage refers to		
	1) origins		2) decades	
	3) theoretical conce	pts	4) programming	computers
13-	All of the following	words are mentioned	in the passage EXC	ЕРТ
	1) algorithms		2) cryptosystem	
	3) the binary system	l	4) hardware ven	dors

۴	صفحه	
---	------	--

- 14- According to the passage, which of the following statements is true about Alan Turing?
 - 1) He was initially known as the person who built the first computer.
 - 2) He was the leading figure in designing computer tools like YACC.
 - 3) The foundations of context-free grammars were transformed by his theoretical ideas.
 - 4) A key concept in computer science can be traced back to him, who is in a way credited with being its originator.

15- According to the passage, which of the following statements is true?

- 1) Theoretical concepts are usually immediately integrated into mainstream computing.
- 2)Chomsky was among the people who originally proposed the first RSA public-key cryptosystem.
- 3) Mathematical logic and automata theory have proven useful in verifying intricate computer systems.
- 4) The large class of NP-complete problems was identified by accident when theoreticians were exploring the complexity of computational problems in the early 20th century.

PASSAGE 2:

People have been using mechanical devices to aid calculation for thousands of years. For example, the abacus probably existed in Babylonia (present-day Iraq) about 3000 B.C.E. The ancient Greeks developed some very sophisticated analog computers. In 1901, an ancient Greek shipwreck was discovered off the island of Antikythera. Inside was a salt-encrusted device (now called the Antikythera machine) that consisted of rusted metal gears and pointers. When this c. 80 B.C.E. device was reconstructed, <u>it</u> produced a mechanism for <u>predicting</u> the motions of the stars and planets.

John Napier (1550-1617), the Scottish inventor of logarithms, invented Napier's rods (sometimes called "Napier's bones") c. 1610 to simplify the task of multiplication. In 1641, the French mathematician and philosopher Blaise Pascal (1623-1662) built a mechanical adding machine. Similar work was done by Gottfried Wilhelm Leibniz (1646-1716). Leibniz also advocated use of the binary system for doing calculations.

Recently it was discovered that Wilhelm Schickard (1592-1635), a graduate of the University of Tübingen (Germany), constructed such a device in 1623-4, before both Pascal and Leibniz. A brief description of the device is contained in two letters to Johannes Kepler. Unfortunately, at least one copy of the machine burned up in a fire, and Schickard himself died of bubonic plague in 1635, during the Thirty Years' War.

- 1) sorting2) anticipating3) modifying4) formulating17-The word "it" in paragraph 1 refers to
- 1) metal 2) island 3) device 4) mechanism
- 18- All of the following statements are true about Blaise Pascal EXCEPT that1) he was a French philosopher
 - 2) he was a 17th-century mathematician
 - 3) he constructed a mechanical adding device
 - 4) he proposed the binary system for doing calculations

19-	According to th	e passage, which of the f	ollowing statements is	true?			
	1) John Napier proposed a plan for a mechanical adding machine.						
	2) Wilhelm Scl	nickard invented a device	e to show the moveme	ent of the stars.			
	3) The invento	r of logarithms also in	vented a device to f	facilitate the task of			
	multiplication	1.					
	4) Gottfried Wi	lhelm Leibniz died of bu	bonic plague in the 17	th century, during the			
	Thirty Years	War.					
20-	Which of the fo	llowing best describes th	e tone of the passage?				
	1) Ironic	2) Passionate	3) Objective	4) Ambivalent			

259 A

PASSAGE 3:

The period from 1950 to 1970 witnessed significant hardware developments that revolutionized computer design and architecture. Vacuum tubes, which were initially used to represent bits in circuits, were replaced by transistors. [1] Transistors offered greater efficiency and the ability to accommodate thousands of them in a single circuit, resulting in a tremendous increase in computational power.

During this time, high-level programming languages like BASIC were introduced. [2] IBM played a <u>pivotal</u> role by introducing standardized computers that could be programmed for various use cases and industries. Integrated circuits emerged, allowing for even smaller chips with more powerful computational capabilities. [3] Concepts such as time-sharing algorithms and multiple-user access were developed, enabling multiple users to share computing resources effectively.

Two major programming languages that emerged during the 1960s to 1970s were C and Pascal. C became a foundational language for many modern programming languages, including JavaScript and Python. [4] Researchers and programmers started solving various problems using the power and flexibility of the C language.

Overall, the period from 1950 to 1970 witnessed groundbreaking advancements in hardware, programming languages, and computer architecture, laying the foundation for the digital era that would follow. These developments set the stage for the rapid progress and innovation that would shape the field of computer science in the years to come.

- 21- The word "pivotal" in paragraph 2 is closest in meaning to
- 1) key2) theoretical3) peripheral4) hypothetical22-All of the following programming languages are mentioned in the passage EXCEPT
 - 1) JavaScript 2) Kotlin 3) Pascal 4) BASIC
- 23- According to the passage, which of the following statements is true?
 - 1) The programming language C was in a way influential in the emergence of BASIC, which was the easiest programming language to learn.
 - 2) The programming language C appeared in the early 20th century and was among the popular languages during the 1960s to the 1970s.
 - 3) Vacuum tubes, used to represent bits in circuits, should in fact be considered the modern counterparts of transistors.
 - 4) Revolutionary developments in hardware, programming languages, and computer architecture that took place from 1950 to 1970 paved the way for further progress in the field of computer science in the following years.

۶	صفحه	259 A	علوم کامپیوتر (کد ۱۲۰۹ ـ (شناور))
24-	inserted in the pass Its versatility and ef	sage?	
25-	questions? I. Which company II. Did IBM in an languages?	first invented computer trans	lopment or spread of programming
	1) Only I		Only III4) II and III
آناليز	مبانی آنالیز ریاضی، مبانی	ریاضی، مبانی ماتریسها و جبر خطی، ر	دروس پایه (ریاضی عمومی (او۲)، مبانی علوم
			عددی و مبانی احتمال):
		z ^۲ + ۴ <u>z</u> + ۲z کدام است؟	۲۶ - تعداد ریشههای معادلهٔ t = (z) = ۱
			۱) صفر
			۲ (۲
			٣ (٣
			¥ (¥
		است؟	مقدار $\lim_{t\to\infty} \frac{(t+1)^{t+1}-t-1}{\ln(t+1)-t}$ ، کدام ا -۲۷
			۲ (۱
			۲) صفر
			-1 (٣
		a ⊥h	-7 (۴
	، کدام مورد درست است؟	و $a_{n+1} = \frac{a_n + b_n}{\gamma}$ و $a_{n+1} = \sqrt{\gamma}$ ، آنگاد	$\sqrt{a_n b_n}$ ، $\left(n \in \mathbb{N}\right)$ ، $\circ < a_1 < b_1$ –۲۸ –۲۸
		ولىاند.) دنبالههای $\left\{a_n ight\}$ و $\left\{b_n ight\}$ هر دو نزر (۱
		} نزولی است.	$\{ b_n \}$ دنبالهٔ $\{ a_n \}$ صعودی و دنبالهٔ (۲
		سعودی است.	دنبالهٔ $\left\{ {{b_n}} ight\}$ نزولی و دنبالهٔ $\left\{ {{b_n}} ight\}$ م
		سعودىاند.	دنبالههای $\left\{a_n ight\}$ و $\left\{b_n ight\}$ هر دو ه (۴
		، کدام است؟ $\sum_{n=1}^{\infty} \left(1 - \frac{1}{n}\right)$	$\left[-\right]^{n^{T}} (Tx+1)^{n}$ شعاع همگرایی سری –۲۹
			$\frac{1}{2}$ ()
			$\frac{1}{e}$ ()
			$\frac{r}{e}$ (r
			$\frac{e}{r}$ (r
			e (۴

259 A علوم کامپیوتر (کد ۱۲۰۹ ـ (شناور)) ی کدام است؟ $\int_{-\infty}^{\frac{\pi}{\gamma}} \ln(\frac{\xi + \psi \sin x}{\xi + \psi \cos x}) dx$ مقدار –۳۰ ۱) صفر $\frac{\pi}{\epsilon}$ (r ۱ (۳ $\frac{\pi}{r}$ (f مقدار $\int_{0}^{1} \int_{0}^{1} \frac{x}{x^{7} + v^{7}} dx dy$ مقدار -۳۱ $\frac{\pi}{\epsilon} - \ln \tau$ () $\frac{\pi}{\epsilon} - \frac{1}{\epsilon} \ln \tau$ (τ $\frac{\pi}{\epsilon} + \frac{1}{\epsilon} \ln \tau$ (r $\frac{\pi}{2} + \ln \gamma$ (f کمترین فاصلهٔ سطح z = x + (x + y) از صفحهٔ $x + y + z = \circ$ ، کدام است? - ۳۲ ۳/٣ (١ √٣ (۲ $\frac{\sqrt{r}}{r}$ (r ۴) صفر است? ااگر $I = \iint_{\mathbb{D}^{\gamma}} \frac{dA}{(1+x^{\gamma}+y^{\gamma})^{k}}$ اگر –۳۳ $I = \frac{\pi}{\gamma(k-1)}, k > 1$ (1) $I = \frac{\pi}{\tau k - \nu}, k \ge \nu \quad (\tau$ $I = \frac{\pi}{k-\gamma}, k > \gamma \quad (\forall$ $I = \frac{\pi}{k-1}, k \ge 1 \quad (f$

صفحه ۷

$$\begin{array}{c} \begin{array}{c} \begin{array}{c} \displaystyle \frac{1}{2} \log \lambda & \frac{1}{2} \log \lambda$$

259 A . رابطه همارزی \cong را بین زیرمجموعههای \mathbb{N} با ضابطه زیر تعریف می کنیم: $-\pi$ ۸ برای $\mathbb{A} \cong \mathbb{B}$ ، $\mathbb{A} = (\mathbb{A} \cup \mathbb{B}) \setminus (\mathbb{A} \cap \mathbb{B})$ یعنی مجموعه $\mathbb{A} \cong \mathbb{B}$ ، $\mathbb{A}, \mathbb{B} \subseteq \mathbb{N}$ کدام مورد نادرست است؟ ۱) رابطه همارزی ≌ ترتیب جزئی نیست. ۲) مجموعه ردههای همارزی شمارای نامتناهی است. ۳) هر رده همارزی شمارای نامتناهی است. ۴) همه زیرمجموعههای متناهی ℕ در یک رده همارزی قرار دارند. فرض کنید $\mathbf{X} \to \mathbf{X}$ یک تابع باشد و عمل دوتایی Δ بین زیرمجموعه های X با ضابطه زیر تعریف گردد: -٣٩ $A \Delta B = (A \bigcup B) \setminus (A \cap B)$ کدام مورد نادرست است؟ $f^{-1}(A \Delta B) \subset f^{-1}(A) \Delta f^{-1}(B)$ (Y $f(A) \Delta f(B) \subseteq f(A \Delta B)$ () $f^{-1}(A) \Delta f^{-1}(B) \subset f^{-1}(A \Delta B)$ (* $f(A \Delta B) \subset f(A) \Delta f(B)$ (" ۴۰ با فرض پذیرش اصل انتخاب، کدام مورد نادرست است؟ ۱) اگر تابعی یوشا از X به Y موجود باشد، آنگاه تابعی یک به یک از Y به X موجود است.) اگر $\alpha \in \beta$ دو عدد اصلی باشند آنگاه $\beta \leq \alpha$ یا $\alpha \leq \beta$. ۳) هر مجموعه مرتب جزئی حداقل یک زنجیر بیشین (ماکسیمال) و یک زنجیر کمین (مینیمال) دارد.) اگر (\geq, A) مجموعه مرتب جزئی باشد و هر زیرمجموعه کلاً مرتب آن در A کران بالا داشته باشد، آنگاه ((\geq, A) A عضو کمین (مینیمال) دارد. ۴۱ - فرض کنید T یک عملگر خطی روی P_۲ (فضای چند جملهای های از درجه حداکثر ۲) با ضابطهٔ T(f(x)) = f(x) + (x+1)f'(x)باشد. دراین صورت مقادیر ویژه T کدامند؟ ۲) ۱ (۲ 7 () ۳ ، ۲ ، ۱ (۳ 4.7.1 (4 $\int g: M_{\mathcal{N}}(\mathbb{C}) \to \mathbb{C}$ L. M _ M

$$A = \begin{bmatrix} a_{ij} \end{bmatrix}_{10 \times 10^{\circ}} \overset{0}{\longrightarrow} \begin{bmatrix} g(A) = tr(A) + \sum_{i=1}^{10^{\circ}} (a_{i1} + a_{1i}) & h(z_1, z_7) = (\circ, |z_7|) \\ h(z_1, z_7) = (\circ, |z_7|) & h(z_1, z_7) = (\circ, |z_7|) \end{bmatrix}$$

Solve the set of the

- ٢) فقط g
- ۳) هم g و هم ۳
 - ۴) نه g و نه h
- باشد. در این صورت کدام مورد درست است? \mathbb{C} ور $\mathbf{A}_{\mathsf{Y}\circ\mathsf{Y}}$ باشد. در این صورت کدام مورد درست است?) از این که $\circ = A$ ، می توان نتیجه گرفت b = 0. . $a = \circ$ از این که a = a = a، می توان نتیجه گرفت a = a. $Ab = \circ$ بردار ستونی مناسب $b \neq b$ موجود است که b = -Ab. . $\mathbf{A}^t \mathbf{a} = \circ$ موجود است که $\mathbf{a} \neq \mathbf{a}$ ، بردار ستونی مناسب $\mathbf{a} \neq \mathbf{a}$

۱) محدب است.
 ۲) صعودی است.
 ۲) پیوسته است.
 ۳) پیوسته است.

259 A

ـد کــه در آن، ه <h th="" ثابــت="" حقيقــی="" عــدد="" و<="" يــک=""><th>ا فــرض کنیــد$\left\{a+\mathrm{ih} ight\}_{\mathrm{i=1}}^{\infty}$ فــرض کنیــد -۵۵</th></h>	ا فــرض کنیــد $\left\{a+\mathrm{ih} ight\}_{\mathrm{i=1}}^{\infty}$ فــرض کنیــد -۵۵
فـــدار (f''(x _i) را بـــا دقـــت مر تبـــهٔ ^h ^۴ بـــا فرمـــول	است. اگر بخواهیم مة $f(x_i) = f_i \;, (i \in \mathbb{N})$
· تقریب بزنیم، مقدار م A کدام است؟	$\frac{\mathbf{A}_{\mathbf{\gamma}}\mathbf{f}_{i-\mathbf{\gamma}} + \mathbf{A}_{\mathbf{\gamma}}\mathbf{f}_{i-\mathbf{\gamma}} + \mathbf{A}_{\mathbf{\gamma}}\mathbf{f}_{i} + \mathbf{A}_{\mathbf{\gamma}}\mathbf{f}_{i+\mathbf{\gamma}} + \mathbf{A}_{\mathbf{\gamma}}\mathbf{f}_{i+\mathbf{\gamma}}}{\mathbf{h}^{\mathbf{\gamma}}}$
-٣ (٢	$-\frac{\gamma}{\gamma}$ (1
-7 (4	$-\frac{\Delta}{r}$ (r

۵۶ برای انجام یک پروژه داده کاوی، از دو الگوریتم A و B استفاده می شود. میانگین و انحراف معیار زمان اجرای
 این دو الگوریتم به تر تیب برای A برابر ۷۵ و ۵ ثانیه و برای B برابر ۵۸ و ۱۰ ثانیه است. درخصوص تغییرات زمان اجرای این دو الگوریتم، چه اظهارنظری می توان نمود؟
 ۱) الگوریتم B کمتر است.

- ۵۷ یک رشته از کاراکترهای مختلف را درنظر بگیرید، بهنحوی که یک کاراکتر خاص قرار است در وسط آنها قرار بگیرد. برای یک رشته ۷ تایی (شامل این کاراکتر خاص)، چند روش مختلف برای قرار گرفتن کاراکترها در این رشته وجود دارد؟
 - ۵ . ۴ . (۱
 - ۲۸۲۰ (۲
 - **Υ۲** ° (۳
 - ۳۶۰ (۴
- ۵۸ در یک کامپیوتر شامل d فایل داده، احتمال خراب شدن هر فایل مستقل از سایر فایلها، یکسان است.
 میدانیم هر شوک واردشده به کامپیوتر، دقیقاً یک فایل از b فایل را خراب میکند. اگر احتمال خراب نشدن
 دو فایلی که اخیراً روی کامپیوتر ایجاد شده، در اثر یک شوک برابر ⁴/₀ باشند، احتمال <u>خراب نشدن</u> هیچیک
 از ۳ فایلی که اخیراً ایجاد شدهاند، کدام است؟
 - $\frac{V}{V_{\circ}} (T) \qquad \qquad \frac{T}{\Delta} (T) \qquad \qquad \frac{T}{\Delta} (T) \qquad \qquad \frac{T}{\Delta} (T) \qquad \qquad \frac{T}{\Delta} (T) \qquad \qquad \frac{T}{V_{\circ}} (T) \qquad \qquad$
- ۵۹- براساس پژوهش صورتگرفته در مقالات حوزه یادگیری ماشینی، در آنها حداقل یکی از الگوریتمهای مبتنیبر شبکههای عصبی مصنوعی یا الگوریتمهای مبتنیبر آمار بیزی استفاده شده است. اگر a درصد از مقالات از الگوریتمهای شبکه عصبی و b درصد از الگوریتمهای آمار بیزی و c درصد فقط از الگوریتمهای شبکه عصبی استفاده کرده باشند، چنددرصد از این مقالات، فقط از الگوریتمهای مبتنیبر آمار بیزی استفاده کردهاند؟

$$\frac{b-a-rc}{1\circ\circ} (r) \qquad \qquad \frac{b-a+rc}{1\circ\circ} (r) \\ \frac{b-a+c}{1\circ\circ} (r) \qquad \qquad \frac{b-a-c}{1\circ\circ} (r)$$

علوم کامپیوتر (کد ۱۲۰۹ ـ (شناور))

. – ۶۰	یک برنامه کامپیوتری به زبان پایتون، در معرض سه نوع خطای متداول A، B و C است. احتمال این که این برنامه در
a	معرض خطاهای ${f A}$ و ${f B}$ و نه ${f C}$ قرار گیرد، ۱۲ $^{\circ}$ است. احتمال این که برنامه هر سه خطا را داشته باشد، به شرط این که
\$	دو خطای ${f A}$ و ${f B}$ را داشته باشد، $rac{1}{r}$ است. احتمال این ${f V}$ ه این برنامه هر سه خطا را داشته باشد، چقدر است؟
	◦/◦۶ ()
,	°/1۶ (Y
,	∘⁄ ٣٣ (۳

259 A

0/80 (8

ساختمان دادهها، طراحی الگوریتمها و مبانی نظریه محاسبه:

فرض کنید یک الگوریتم با زمان اجرای f (n) برای تعیین میانه اعضای یک آرایه n عضوی موجود است. به کمک این الگوریتم بهترین زمان اجرای الگوریتم مرتبسازی سریع، چقدر است؟ $O(f(n)\log n)$ (r O(n f(n)) () $O((n+f(n))\log n)$ (* $O(n f(n) \log n)$ (" ۶۲- کدام مورد، درخصوص پیمایش BFS یک گراف همبند n راسی با شروع از راس v درست است؟) زمان اجرای آن O(n) است. ۲) در این الگوریتم هر یال دقیقا دوبار بررسی می شود. ۳) رئوس براساس کمترین فاصله از راس v ملاقات می شوند. ۴) برای یک گراف دوبخشی ابتدا گرههای بخش مقابل ۷ و سپس گرههای بخش شامل ۷ ملاقات می شوند. ۶۳ - در مورد ادغام i لیست مرتب با مجموع تعداد اعضای n، کدام مورد درست است؟) فقط برای i = r این کار در زمان O(n) قابل انجام است.) به ازای هر مقدار دلخواه i این کار در زمان O(n) قابل انجام است.) به ازای 1 > 1 این کار در زمان $\Omega(n \log n)$ قابل انجام است. i > 1۴) فقط به ازای هر مقدار ثابت i این کار در زمان O (n) قابل انجام است. ۶۴- کدام مورد، درخصوص الگوریتم دایکسترا برای یافتن کوتاه ترین مسیر از گره v به سایر گرهها برای یک گراف n راسی و شامل m یال، درست نیست؟ ۱) زمان اجراى الگوريتم O (m + n log n) است. ۲) این الگوریتم حریصانه عمل می کند و پسگرد (back-track) ندارد. ۳) این الگوریتم را می توان برای یافتن کوتاه ترین مسیر هر زوج رأس نیز استفاده کرد. ۴) این الگوریتم برای گرافهای با وزن یال منفی به شرطی که دور با وزن منفی نداشته باشند، قابل استفاده است. جمان اجرای دو برنامه A و B در بدترین حالت به تر تیب از اهn ۱۵ مn او n بیشتر نیستند. کدام مورد، درست است -) برنامه B بهطور متوسط و برای nهای بزرگ، از برنام A بهتر است. (۱) برنامه A بهطور متوسط و برای nهای کوچک، از برنامه B بهتر است. ۳) احتمالاً برنامه A از نظر برنامهنویسی سادهتر است. ۴) برای برخی از ورودیها برنامه B سریعتر از برنامه A است.

14	فحه	٥				259 A	علوم کامپیوتر (کد ۱۲۰۹ ـ (شناور))
است؟	چقدر	گراف ً	ر این آ	وزن د	ترين و	داده شده است، وزن درخت فراگیر با که	۶۶ - ماتریس وزنها برای یک گراف در زیر ه
٢۰	۱۸	٩	٣	۷	١٢		
١٨	o	14	۲۰	۱۳	۱۸		
٩	14	o	۲۵	18	۴		
	۲۰		0	۵	22		
	١٣			0	١٧		
11	١٨		77 F (F	17	° -	۳۳ (۳	۳۲ (۲ ۳۱ (۱
. د.	ر م(all			rtes	t nat		۶۷- بهترین الگوریتم برای یافتن کوتاهتر
ر یک	o (an	r par	1 5110	1105	i pai	ین مسیرها بین ملکم جلف رکوش (۱	۲۰۰۲ - بهترین انگورینم برای یافنی تونادر گراف داده شده کدام است؟
	Œ	Flov	d-wa	rsha	ull) . '	۲) فلوید _ وارشا	کرانے (Prime) (۱) پرایم (
		5				a) دایکسترا (۴	۳) کروسکال (Kruskal)
			ىت؟		c .		A- اگر n اندازه ورودی الگوریتم و c و d
(T)) = c				U		
T(r	1) = Y	rT(n	-1)-	⊦d,	n ≥	۲	
						$O(r^n)$ (r	O(n) (1
					(D(nlogn) (۴	$O(n^7)$ (r
۔ های	ہ مسہ	، تماه	لخواه	بال د			۶۹- حداقل مرتبه زمانی الگوریتمی که م
	,			0		_	ممکن بین دو رأس i و j را بهدست م
						$O(r^n)$ (r	O(n) (1
						$\mathrm{O}(\operatorname{n}^{r})$ (f	$\mathrm{O}(\mathrm{n}^{r})$ (r
بست؟	b) چي	inary	y seal	rch t	ree)	ینیمم در یک درخت جستجوی دودویے	۷۰ – زمان بدترین حالت برای یافتن عنصر م
						$O(n^{\gamma})$ (r	O(n) (1
					($D(n \log n)$ (f	O(logn) (٣
					ست؟	ستجوی دودویی برای n عدد صحیح	۷۱ - کدام مورد درخصوص یک درخت جا
		ت.	گ اسد	ا بر گ	ogn	۲) دارای حداقل	۱) میتواند دارای n – ۱ برگ باشد.
		است.	1 + lo	ogn	ا يا	e n) عمق آن g n	۳) عمق آن حداکثر n-۱ است.
ت و k) اسن	n+ŀ	rتا	۱+۱	دیس	دیس ۱ تا n) و k عنصر نامرتب (از ان	۲۲ – آرایه A شامل n عنصر مرتب (از اند
مترين	، به که	، آرايه	ی این	بساز	ں مر تہ	اشد. کدامیک از الگوریتمهای زیر برا:	مستقل از n و بسیار کمتر از آن میبا
							تعداد مقایسه نیاز دارد؟
حبابی	بازى -	رتبس	۴) م		غامى	بسازی سریع ۳) مرتبسازی ا	۱) مرتب سازی درجی ۲) مرتب
	/	8				ر، كدام يال انتخاب نخواهد شد؟	۷۳- در الگوریتم کروسکال برای گراف زی
2h	~_	()8)	VT				۵۴ (۱
R	72		10	9			۳۲ (۲
*	X		Ϋ́/	30			78 (٣
		<u>~</u> rr	Ŕ				۴) ۱۳ (۴

• کدام یک در خصوص الگوریتم دایکسترا (Dijkstra) نادرست است؟(۱) برچسب قطعی رأس ها در طول الگوریتم بهتر تبب غیرنزولی است.(۲) برای گراف با n رأس، زمان اجرا ($(O(n) lum: n)$ (۲) فقط برای گراف هایی که دور جهتدار ندارند، جواب درست می دهد.(۱) فقط برای گراف هایی که دور جهتدار ندارند، جواب درست می دهد.(۱) معرف محموع اعضای همه زیرمجموعههای $\{1, 1, 7, 7\}$ همچند است؟(۱) معرف ای گراف هایی که دوزن همه بالهای آنها نامنفی باشد، جواب درست می دهد.(۱) معرف درخصوص درخت جستجوی دودویی بهینه نادرست است؟(۱) ممکن است عمق آن برابر $\frac{n1}{7}$ باشد.(۱) ممکن است عمق آن برابر $\frac{n1}{7}$ باشد.(۲) ممکن است عمق آن برابر $\frac{n1}{7}$ باشد.(۲) ممکن است عمق آن برابر $\frac{n1}{7}$ باشد.(۲) مرکن است عمق آن برابر $\frac{n1}{7}$ باشد.(۲) ممکن است عمق آن برابر $\frac{n1}{7}$ باشد.(۲) ممکن است عمق آن برابر $\frac{n1}{7}$ باشد.(۲) مرکن است عمق آن برابر $\frac{n1}{7}$ باشد.(۲) معرف است معرف از می گذرید.(۲) می گراند.(۲) معرف معرف راین می گراند.(۲) بازگشت به عقب، شاخه و کران(1) بازگشت به عقب، بازگشت به عقب، بازگشت به عقب، بازگشت به عقب، ای گذاه به عقب، ایزگشت به عقب، بازگشت به عقب، بازگشت به عقب، ایزگشت به عقب، ایزگشت به عقب، بازگشت به عقب، ایزگشت به عقب، ایزگشت به عقب، بازگشت به عقب، ایزگشت به ع	صفحه ۱۵	259 A	وم کامپیوتر (کد ۱۲۰۹ ـ (شناور))
$\begin{aligned} & \gamma, \eta, \zeta, \zeta, \eta, \eta, \eta, \zeta, \eta, \eta, \eta, \eta, \zeta, \eta, \eta,$	درست است؟	ترا (Dijkstra) ناه	 کدامیک درخصوص الگوریتم دایکسنا
۱) فقط برای گراف.هایی که دور جهتدار ندازند، جواب درست میدهد. ۲) فقط برای گراف.هایی که وزن همه یالهای آنها نامنفی باشد، جواب درست میدهد. ۲) فقط برای گراف.هایی که وزن همه یالهای آنها نامنفی باشد، جواب درست میدهد. ۲ خاصل جمع مجموع اعضای همه زیرمجموعدهای $\{\mathbf{r}, \mathbf{r}, \mathbf{r}, \mathbf{r}\} = \mathbf{A}$ چند است؟ ۲ ممرد درخصوص درخت جستجوی دودویی بهینه <u>نادرست</u> است؟ ۲) ممکن است عمق آن برابر $\frac{\mathbf{n}}{\mathbf{r}}$ باشد. ۳) ممکن است عمق آن برابر $\frac{\mathbf{n}}{\mathbf{r}}$ باشد. ۳) ممکن است عمق آن برابر $\frac{\mathbf{n}}{\mathbf{r}}$ باشد. ۳) ممکن است عمق آن برابر $\frac{\mathbf{n}}{\mathbf{r}}$ باشد. ۳) محمد ودویی با ۳ رأس است که تمام برگهای آن در سطوع ۳ مو یا ۱ – ۳ أم باشند. ۳) کایدهای پرتکرارتر، در سطوح کمتری (نزدیک،تر به ریشه) قرار میگیرند. ۳) کایدهای پرتکرارتر، در سطوح کمتری (نزدیک،تر به ریشه) قرار میگیرند. ۰ با استفاده از درخت فضای حالت، کدام روش ها به تر تیب برای حل سه مسئله زیر مناسب است? ۰ مسئله ۱ وزیر در صفحه فطرنج ۱ × ۱۰ معرفی گرافی ۰ معنده بازگشت به عقب شاخه و کران ۰ بازگشت به عقب شاخه و کران ۰ بازگشت به عقب شاخه و کران ۱ بازگشت به عقب شاخه و کران ۱ بازگشت به عقب شاخه و کران ۱ بازگشت به عقب ازگشت به عقب شاخه و کران ۱ بازگشت به عقب ازگشت به عقب آزگشت به عقب ازگشت به ور عران ا	نزولی است.	وريتم بەترتيب غير	۱) برچسب قطعی رأسها در طول الگ
?) فقط برای گرافهایی که وزن همه یالهای آنها نامنفی باشد، جواب درست می دهد.• حاصل جمع مجموع اعضای همه زیرمجموعههای $\{\mathbf{Y}, \mathbf{Y}, \mathbf{Y}\} = \mathbf{A}$ چند است؟• ۱) $\circ \langle \mathbf{Y} \rangle \circ \langle \mathbf{Y} \rangle$ • کام مورد درخصوص درخت جستجوی دودویی بهینه نادرست است؟• ا) ممکن است عمق آن برابر $\frac{n}{Y}$ باشد.• ۲) ممکن است معق آن برابر $\frac{n}{Y}$ باشد.• ۲) ممکن است معق آن برابر $\frac{n}{Y}$ باشد.• ۲) محضوع با n رأس است که تمام برگهای آن در سطوح nم و یا $1 - n$ مم باشند.• ۲) استفاده از درخت فضای حالت، کدام روزها به ترتیب برای حل سه مسئله زیر مناسب است?• مسئله n وزیر در صفحه شطرنج n×n• مسئله n وزیر در صفحه مطرنج n×n• می بازگشت به عقب شاخه و کران• معوم وزیر محمومه از است که مناخه و کران• ۲) بازگشت به عقب شاخه و کران• ای بازگشت به عقب شاخه و کران• اگر (n) تابعی از n باشد چند مورد (موارد) صحیحانه?• از ای وال (n) ان وال (n)• از ای وال (n) ان وال (n)• از ای وال (n)• از ای وال (n)• از وال (n)• ا		O(n ^۲) است.	۲) برای گراف با n رأس، زمان اجرا (
• eloud seas as exist as exist as exist as exist as exist and the exist of the exist and the exist of the exist as exists and the exist of the exist and the exist of the exist and	ارست میدهد.	،دار ندارند، جواب د	۳) فقط برای گرافهایی که دور جهت
(۱) $(1 - 1)$ (۱) (۱) (۱) (۱) (۱) (1) (1) (1) (1) (1) (1) (1) (1) (1) (1	ی باشد، جواب درست میدهد.	یالهای آنها نامنفے	۴) فقط برای گرافهایی که وزن همه
کدام مورد درخصومی درخت جستجوی دودویی بهینه نادرس <u>ت</u> است؟ () ممکن است عمق آن برابر $\frac{n}{\gamma}$ باشد. () درخت دودویی با n (أس است که تمام برگهای آن در سطوح الم و یا $(-n h h)$ باشند. () درخت فضای حالت، کدام روشها به تر تیب برای حل سه مسئله زیر مناسب است؟ () مسئله n وزیر در صفحه شطرنج n×n () با استفاده از درخت فضای حالت، کدام روشها به تر تیب برای حل سه مسئله زیر مناسب است؟ () مسئله n وزیر در صفحه شطرنج n×n () بازگشت به عقب، شاخه و کران () بازگشت به عقب، شاخه و کران () بازگشت به عقب، بازگشت به عقب، شاخه و کران () بازگشت به عقب، شاخه و کران () مازگشت به عقب، شاخه و کران () بازگشت به عقب، ازگشت به عقب، بازگشت به علی ای از از ای	A = {۱,۲,۳ چند است؟	مجموعههای {۴ , ۳	 -۱ حاصل جمع مجموع اعضای همه زیره
$\begin{aligned} & (1) and y it harmonic formula in the set of t$	TF (F TT (T		λ ° (۲ ۱۶ ° (۱
$\begin{split} & \mbox{Y}) \mbox{a} \mbox{J}) \mbox{J} \mbox{J} \mbox{J} \mbox{J}) \mbox{J} \mbox{J} \mbox{J} \mbox{J} \mbox{J}) \mbox{J} \m$	ادرست است؟	وی دودویی بهینه ز	 کدام مورد درخصوص درخت جستجو
$\begin{aligned} & \text{"`}) \text{ (c} + \text{C} +$		ئىد.	۱) ممکن است عمق آن برابر ۲ <u>۳</u> باش
۹) کلیدهای پر تکرار تر، در سطوح کمتری (نزدیکتر به ریشه) قرار می گیرند. ۹) کلیدهای پر تکرار تر، در سطوح کمتری (نزدیکتر به ریشه) قرار می گیرند. ۹ د مسئله ۱ وزیر در صفحه شطرنج n × n – درنگ،آمیزی گراف – مجموع زیرمجموعهها (Subset Sum) ۹ دمجموع زیرمجموعهها (Subset Sum) ۱) بازگشت به عقب، شاخه و کران شاخه و کران ۳) شاخه و کران، بازگشت به عقب، شاخه و کران ۳) بازگشت به عقب، شاخه و کران شاخه و کران ۳) بازگشت به عقب، بازگشت به عقب، شاخه و کران ۳) بازگشت به عقب، بازگشت به عقب، شاخه و کران ۳) بازگشت به عقب، بازگشت به عقب، شاخه و کران ۳) بازگشت به عقب، بازگشت به عقب، بازگشت به عقب، بازگشت به عقب، شاخه و کران ۳) بازگشت به عقب، بازگشت به عقب، بازگشت به عقب، بازگشت به عقب، شاخه و کران ۳) بازگشت به عقب، شاخه و کران ۳) بازگشت به عقب، شاخه و کران ۳) باز در (n) تابعی از n باشد چند مورد (موارد) صحیحاند؟ ۳) باز دار (n) ۳) از مار (n) ۳) از و از (n) ۳) در و و و و و و و و و و و و و و و و و و		ئىد.	۲) ممکن است عمق آن برابر ۳ <u>n</u> با ^ش
با استفاده از درخت فضای حالت، کدام روش ها به تر تیب برای حل سه مسئله زیر مناسب است؟مسئله اوزیر در صفحه شطرنج $n \times n$ میسئله اوزیر در صفحه شطرنج $n \times n$ مجموع زیرمجموعه ها (Subset Sum)مجموع زیرمجموعه ها (Subset Sum)۱) بازگشت به عقب، شاخه و کران، شاخه و کران۳) بازگشت به عقب، شاخه و کران، شاخه و کران۳) بازگشت به عقب، شاخه و کران، شاخه و کران۳) بازگشت به عقب، شاخه و کران۳) ۱۱ ((n) = (f(n))۳) ۱۱ (از ال) + (f(n) = (θ(f(n)))۳) ۱۱ (۱۰ ((n) + (f(n) = (θ(f(n)))۳) ۱۱ (((n) + (f(n) + (f(n) = [1]))۳) ۱۱ ((((((((((((((((((در سطوح nاًم و یا n – ۱ اُم باشند.	تمام برگھای آن	۳) درخت دودویی با n رأس است که
$\begin{aligned} &-\text{ and the n} e j (x \text{ c} x \text{ c} \text{ desce matrix} x \text{ f} x \text{ f}) \\ &-\text{ c} (x \text{ best Sum}) \\ &-\text{ c} x \text{ c} x \text{ desc} j (x \text{ desc} \text{ Sum}) \\ &-\text{ c} x \text{ desc} j (x \text{ desc} \text{ sum}) \\ & \text{ for } x \text{ desc} i \text{ desc} \text{ for } x \text{ desc} \text{ desc}$	یشه) قرار م <i>ی گ</i> یرند.	نری (نزدیکتر به ر	۴) کلیدهای پرتکرارتر، در سطوح کمن
$\begin{split} & -(i \& Jakis $	ه برای حل سه مسئله زیر مناسب است؟	ام روشها بەترتىب	 ۱- با استفاده از درخت فضای حالت، کد
$\begin{split} & - \text{ arroy } j(n) = \frac{1}{2} (n)^{n} + n^{n} + n$		n×1	
() بازگشت به عقب، شاخه و کران () بازگشت به عقب، شاخه و کران () بازگشت به عقب، بازگشت به عقب، شاخه و کران () () بازگشت به عقب، شاخه و کران () () () () () () () () () () () () () (
۳) بازگشت به عقب، بازگشت به علي العرار الله بازگشت (السللل الله الله بازگشت (الله بازگشت و الگوریتم هافمن، به عنوان بخشی از کدگذاری برای کاراکترها همزمان تولید شوند؟ ۲(n) = ۲T($\frac{n}{r}$) + $n^{\circ/\Delta 1}$ n > 1 T(n) = 1 n = 1 $O(\sqrt{n} \log n)$ (r $O(n^{\circ/\Delta} \log n)$ (n)			
اگر (n) تابعی از n باشد چند مورد (موارد) صحیحاند؟ $I - f(n) + O(f(n)) \in \Theta(f(n))$ $II - f(n) \in \Omega(\sqrt{f(n)})$ $III - f(n) + \sqrt{f(n)} \in \Theta(f(n))$ $III - f(n) + \sqrt{f(n)} = 0$ $III - f(n) + \sqrt{f(n)} + \sqrt{f(n)} = 0$ $III - f(n) + \sqrt{f(n)} + \sqrt{f(n)} + \sqrt{f(n)} = 0$ $III - f(n) + \sqrt{f(n)} + $			
$\begin{aligned} \mathbf{f} = \mathbf{f}(\mathbf{n}) + \mathbf{O}(\mathbf{f}(\mathbf{n})) \in \boldsymbol{\Theta}(\mathbf{f}(\mathbf{n})) \\ \mathbf{I} = \mathbf{f}(\mathbf{n}) \in \boldsymbol{\Omega}(\sqrt{\mathbf{f}(\mathbf{n})}) \\ \mathbf{II} = \mathbf{f}(\mathbf{n}) + \mathbf{f}^{T}(\mathbf{n}) + \sqrt{\mathbf{f}(\mathbf{n})} \in \boldsymbol{\Theta}(\mathbf{f}(\mathbf{n})) \\ \mathbf{II} = \mathbf{II} (T \qquad \mathbf{II} = \mathbf{II}) \\ \mathbf{III} = \mathbf{II} (F \qquad \mathbf{III} = \mathbf{III}) \\ \mathbf{III} = \mathbf{III} (F \qquad \mathbf{III} = \mathbf{III}) \\ \mathbf{III} = \mathbf{III} (F \qquad \mathbf{III} = \mathbf{III}) \\ \mathbf{III} = \mathbf{III} (F = \mathbf{III}) \\ \mathbf{III} = \mathbf{III} \mathbf{III} = \mathbf{III} \\ \mathbf{III} = \mathbf{IIII} \\ \mathbf{III} = \mathbf{IIII} \\ \mathbf{III} = \mathbf{IIII} \\ \mathbf{III} = \mathbf{IIII} \\ \mathbf{III} = \mathbf{IIIII = III = \mathbf{IIII} \\ \mathbf{III} = IIII = III = III = I \\ \mathbf{IIIIIII = IIII = IIII = III = I \\ \mathbf{IIIIIIIIIIIIIIIIIIIIIIIIIIIIIIIII$			
$\begin{aligned} \mathbf{I} - \mathbf{f}(\mathbf{n}) \in \Omega(\sqrt{f(\mathbf{n})}) \\ \mathbf{II} - \mathbf{f}(\mathbf{n}) + \sqrt{f(\mathbf{n})} \in \boldsymbol{\theta}(\mathbf{f}(\mathbf{n})) \\ \mathbf{II} \mathbf{I} \mathbf{I} $		(موارد) صحيحاند	 ۱- اگر (f(n) تابعی از n باشد چند مورد
$\begin{split} II - f(n) + f^{Y}(n) + \sqrt{f(n)} &\in \theta(f(n)) \\ I & I \\ II \\ 0 & II \\ III \\ 0 & IIII \\ 0 & III \\ 0 & IIII \\ 0 & III \\ 0 & IIII \\ 0 & III \\ 0 & III \\ 0 & IIII \\ 0 & III \\ 0 & IIII \\ 0 & I$			
(۱) فقط I (۲) اا و II (۲) اا و III و III (۳) ۱۱ و III و III (۳) ۱۱ و IIII (۳) ۱۱ و III (۳) ۱۱ و IIII (۳) ۱۱ و III (۳) ۱۱ و IIII (۳)			
۳) II و III (۳) II و III و III (۴) III و III کدام کدها نمی توانند طبق الگوریتم هافمن، بهعنوان بخشی از کدگذاری برای کاراکترها همزمان تولید شوند؟ (۱) ۱۰، ۱۰۰، ۱۰۰، ۱۰۰ (۱) ۱۰، ۱۰۰، ۱۰۰، ۱۰۰ (۱) ۱۰، ۱۰۰، ۱۰۰، ۱۰۰ (۳) ۱۰، ۱۰۰، ۱۰۰، ۱۰۰ (۳) ۱۰، ۱۰۰، ۱۰۰، ۱۰۰ (۳) ۱۰، ۱۰۰ (۳) ۲($\frac{n}{2}$) ($$			-
کدام کد ها نمی توانند طبق الگوریتم هافمن، به عنوان بخشی از کدگذاری برای کاراکترها همزمان تولید شوند؟ کدام کد ها نمی توانند طبق الگوریتم هافمن، به عنوان بخشی از کدگذاری برای کاراکترها همزمان تولید شوند؟ ۱۱, ۱۰, ۱۰, ۱۰, ۱۰ (۲) ۱۱, ۱۰, ۱۰, ۱۰ (۳) ۱۱, ۱۰, ۱۰ (۳) ۱۰, ۱۰ (۳) ۱۰ (۳) ۲۲($\frac{n}{4}$) + $n^{\circ/\Delta 1}$ n > 1 (۳) ۱) (۳) (۲) (۳) (۲)	-		
$T(n) = rT(\frac{n}{r}) + n^{\circ/\Delta 1} n > 1$ $O(\sqrt{n} \log n)$ (۲ $O(\sqrt{n} \log n)$ (۲ I(1) = N	-		
$O(n^{\circ/\delta^{1}}\log n)$ (۲ $O(n^{\circ/\delta^{1}}\log n)$ (۲ $O(n^{\circ/\delta^{1}}\log n)$ (۲ $O(n^{\circ/\delta^{1}}\log n)$ (۲ $O(n^{\circ/\delta^{1}}\log n)$ (۲ $O(n^{\circ/\delta^{1}}\log n)$ (1	ی از گدگداری برای کاراکترها همزمان تولید شوند؟	اقمن، بەعنوان بخش	
$I(n) = rT(\frac{n}{r}) + n^{\circ/\Delta 1} n > 1$ $T(n) = I \qquad n = 1$ $O(\sqrt{n} \log n) (T \qquad O(n^{\circ/\Delta 1} \log n) (1)$, , , , ,
$1 \circ \circ 1, 1 \circ 11, \circ 10, 1 \circ 0, \circ 11$ (f $T(n) = YT(\frac{n}{\gamma}) + n^{\circ/\Delta 1} n > 1$ T(1) = 1 $n = 1O(\sqrt{n} \log n) (Y O(n^{\circ/\Delta 1} \log n) (1)$			
حاصل رابطه بازگشتی زیر چیست؟ $T(n) = YT(\frac{n}{\gamma}) + n^{\circ/\delta 1} n > 1$ $T(1) = 1 \qquad n = 1$ $O(\sqrt{n} \log n) (Y \qquad O(n^{\circ/\delta 1} \log n) (1)$			
$\begin{cases} T(n) = YT(\frac{n}{\gamma}) + n^{\circ/\Delta 1} & n > 1 \\ T(1) = 1 & n = 1 \\ O(\sqrt{n} \log n) & (Y & O(n^{\circ/\Delta 1} \log n) & (1) \end{cases}$			
$O(\sqrt{n}\log n)$ (Y $O(n^{\circ/\Delta 1}\log n)$ (Y			 حاصل رابطه بازکشتی زیر چیست؟
$O(\sqrt{n}\log n)$ (Y $O(n^{\circ/\Delta 1}\log n)$ (Y	$T(n) = rT(\frac{n}{\epsilon}) + n^{\circ/\Delta 1} n > 1$		
$O(\sqrt{n}\log n)$ (Y $O(n^{\circ/\Delta 1}\log n)$ (Y	$T(1) = 1 \qquad n = 1$		
			$O(n^{\circ/\delta} \log n)$ ()
$(\gamma (1 - \gamma) \omega)$	$O(\sqrt{n})$ (f		$O(n^{\circ/\delta^1})$ (r

صفحه ۱۷	259 A	علوم کامپیوتر (کد ۱۲۰۹ ـ (شناور))
	Σ بهصورت زیر درنظر میگیریم:	$\mathbf{L}_{\mathbf{A}}=\{\mathbf{a},\mathbf{b}\}$ دو زبان $\mathbf{L}_{\mathbf{A}}$ و $\mathbf{L}_{\mathbf{A}}$ را بر \mathbf{A}
$\mathbf{L}_{\mathbf{y}} = \{\mathbf{a}^{\mathbf{n}} \mathbf{b}^{\mathbf{j}} \mathbf{a}^{\mathbf{n}} \mathbf{b}^{\mathbf{j}} : \mathbf{n}, \mathbf{j} \ge \mathbf{o}\}$		
$\mathbf{L}_{\mathbf{Y}} = \{\mathbf{a}^{\mathbf{n}} \mathbf{b}^{\mathbf{j}} : \circ \le \mathbf{n} \le \mathbf{j}^{\mathbf{Y}}\}$		
	ن است؟	از این دو زبان، کدام مستقل از متر
	L _۲) فقط ۲	L) فقط (۱
$ m L_{ m \gamma}$ نه	۴) نه L ₁ و	۳) هر دو
رنظر می گیریم:	با قوانين توليد زير را در $\Sigma=\{{f a},{f b}$	۸۸- گرامر G با متغیر شروع S بر (c, c
$S \rightarrow XY \mid W$		
$X \rightarrow aXb \mid \varepsilon$		
$\mathbf{Y} \rightarrow \mathbf{C}\mathbf{Y} \mathbf{\varepsilon}$		
$W \rightarrow aWc \mid z$		
$Z \rightarrow bZ \mid \varepsilon$		
w = a ^{۱۴۰۲} b ^{۱۱،} رشته w حاصل در	ر b یا c بهجای α در ^{۴۰۱} α c	با قرار گرفتن کدامیک از دو مقدا
		L(G) قرار میگیرد؟
	b) فقط (۲	() فقط c
с	۴) نه b و نه	۳) هم b هم ۳
= β، کدام یک از این دو رشته، توسط	.اگر ۵=۰۰۰۱۱ و ۵۵۱۰۱۰۰۰	۸۹- اتوماتای پشتهای زیر مفروض است
0,0;00		این اتوماتا پذیرش میشود؟
\bigcap	λ,ο;λ	lpha) فقط (۱
$\longrightarrow (q_{\circ})^{\circ}, z; \circ z (q_{1})^{1, \circ}$	$p; \lambda$ (q_{r}) $(\lambda, z;$	
\bigcirc \bigcirc	$1,\circ;\lambda$	۳) هم α هم β (۳ ۴) نه α و نه β

۹۰ - ماشین تورینگ M با جدول انتقال زیر، داده شده است:

نماد حالت	\$	o	۱	#
\mathbf{q}_{\circ}	$(q_R, \$, R)$	—	_	_
q _R	_	(q_R, \circ, R)	$(q_R, 1, R)$	$(q_1, \#, L)$
q	$(q_f, 1, L)$	$(q_L, 1, L)$	(q_1, \circ, L)	_
qL	$(q_{f}, \$, R)$	(q_L, \circ, L)	(q_L, ι, L)	_
q _f		_		_

کدامیک از دو مورد زیر، درباره M درست است؟

 $q_{\circ}\$1\circ\circ1\vdash^{*}\$q_{f}1\circ1\circ\circ:I$ $q_{\circ}\$1\circ1\circ1\circ\vdash^{*}\$q_{f}1\circ111\circ:II$

- ۱) فقط I
- ٣) هم I و هم II (۴ هم I و هم II هم I

Telegram: @uni_k

۲) فقط II

259 A مبانی منطق و نظریه مجموعهها: ۹۱ – کدامیک از دو استدلال زیر، معتبر است؟ (a) تمام اعداد گویا حقیقی هستند. بعضي اعداد مختلط، گویا نیستند. بنابراین: بعضی اعداد مختلط، حقیقی نیستند. **(b)** اگر من درس را یاس کرده باشم، آنگاه در میان ترم نمره خوبی گرفتهام. اگر من درس را یاس کرده باشم، آنگاه در پایان ترم نمره خوبی گرفتهام. من در میان ترم و یایان ترم نمره خوبی گرفتهام. بنابراین: من درس را پاس کردهام. ۲) فقط (b) (a) فقط () ۴) هیچکدام ۳) هر دو ۹۲ – از دو فرمول زیر، کدامیک در فرم نرمال فصلی (DNF) است؟ (p_i ها اتماند.) $\alpha = p_1 \wedge \neg p_T$ $\beta = \mathbf{p}_1 \vee (\neg \mathbf{p}_{\mathbf{T}} \vee \neg \mathbf{p}_{\mathbf{T}})$ ۴) هیچکدام ۲) فقط β ۳) هر دو () فقط α در زبان $\{\geq\}$ شامل یک رابطه دوتایی، فرض کنیم $\Sigma_{
m DLO}$ نظریه ترتیبهای خطی چگال بدون نقاط -۹۳ انتهایی باشد. از دو مورد زیر، کدامیک درست است؟ ار اگر \mathbf{u}_{1} و \mathbf{u}_{1} ساختارهای شمارا برای Σ_{DLO} باشند، دراین صورت \mathbf{u}_{1} و \mathbf{u}_{2} یکریخت هستند. \mathbf{I} $\Sigma_{
m DLO} \vdash \neg \sigma$ کامل است، یعنی برای هر جمله σ یا $\Sigma_{
m DLO} \vdash \sigma$ یا $\Sigma_{
m DLO} \vdash \sigma$. ۲) فقط II ۴) هیچکدام ۳) هر دو) فقط I فرض کنیم $r = (q \rightarrow p) \rightarrow r$ و $\beta = q \rightarrow (r \rightarrow p)$ و $\alpha = (q \rightarrow p) \rightarrow r$ فرض کنیم $\alpha = (q \rightarrow p) \rightarrow r$ -94 است؟) β مستلزم α است، ولی α مستلزم β نیست.) lpha مستلزم eta است، ولی etaمستلزم lpha نیست. lpha۳) هرکدام، مستلزم دیگری است. ۴) هیچکدام، مستلزم دیگری نیست. ۹۵- فرض کنیم: سالم زندگی میکنیم :S کمتر از ماشینها استفاده می کنیم :K می توانیم زندگی خوبی داشته باشیم :G کدام مورد، بهترین ترجمه برای عبارت زیر است: «اگر سالم زندگی میکنیم مگر آنکه کمتر از ماشینها استفاده کنیم، آنگاه نمی توانیم زندگی خوبی داشته باشىم.» $(\neg K \rightarrow S) \rightarrow \neg G$ (7) $S \rightarrow (\neg K \rightarrow \neg G)$ () $(K \rightarrow S) \rightarrow \neg G$ (f $S \rightarrow (K \rightarrow \neg G)$ (" ۹۶- از دو عبارت زیر، کدام صحیح است؟ الف – جملات $\exists x P(x) \land \exists x Q(x) \in \exists x P(x) \land \exists P(x) \land P(x) \land \exists P(x) \land P(x) \land \exists P(x) \land \exists P(x) \land \exists P(x) \land \exists P(x) \land P(x) \land \exists P(x) \land \exists P(x) \land \exists P(x) \land P(x$ ب _ جملات $\exists x P(x) \lor \exists x Q(x)$ و $\exists x Q(x) \lor \exists x Q(x)$ معادل منطقی هستند.

۴) هیچکدام ۳) هر دو ۲) فقط (ب) فقط (الف)

صفحه ۱۹	259 A	ر))	علوم کامپیوتر (کد ۱۲۰۹ ــ (شناو
	:	ر در زبان گرافها باشد:	-۹۷ فرض کنیم φ _n جمله زی
و $\mathbf{A} = \mathbf{B}$ و $\mathbf{A} = \mathbf{A}$ ، رأس $ \mathbf{A} $	مجموعهای از رأسها که n = B = n	با مؤلفه اول و دوم زیره	«برای هر زوج (A , B)
ريم vEw»	اریم vEw و برای هر w ∈ B دار	که برای هر w ∈ A د	V ∉ A∪B وجود دارد
		$T^* = T_{graphs} \bigcup \{$	¢ر د م γ • − α = φ _n
		میگیریم:	دو عبارت زیر را درنظر ه
	ار د.	دل شمارای نامتناهی دا	الف ـــ *T حداقل يک م
			ب ـــ *T دارای دو مدل ا
			ب کر ہیں کر اس کا اور اسان کا ا
۴) هیچکدام	۳) هردو	۔۔ ۲) فقط (ب)	
			۹۸- فرض کنیم:
x کارخانه است : (K(x			
x خودرو است : (C(x			
x شخص است : (P(x			
x پلاک فعال دارد : (H(x			
z میفروشد:(S(x,y , z	y ،x را به		
			کدام مورد، ترجمه صحی
	فعال ندارند، خودرو میفروشد.» _		_
	$\forall x [k(x) \rightarrow \forall y, z (P(z))]$		
	$\forall x [k(x) \rightarrow \forall y, z (C(y))]$	$y) \land S(x, y, z) \rightarrow 0$	$P(z) \land \neg H(z) \Big) \int (r) dr$
	$\exists x \ k(x) \land \forall \ z \Big[(P(z) \land $	$\neg H(z) \rightarrow \exists y (C(y))$	$\mathcal{S}(x, y, z) \Big] $ ("
	$\exists x k(x) \land \forall y, z [(C(y))]$	$) \wedge S(x, y, z)) \rightarrow ($	$P(z) \land \neg H(z) \Big) \Big]$ (f
ببارت زیر را درنظر بگیرید.	۔ I نماد رابطهای دوتایی است. سه ع	ان مرتبه اول باشد که 2	۹۹- فرض کنیم L = {P} زب
$1 - \forall x \forall y \forall z (P(x,y))$	\rightarrow (P(y,z) \rightarrow (P(x,z))		
$Y - \forall x \forall y (P(x,y) \rightarrow$	$(P(y, x) \rightarrow x = y))$		
$\mathbf{\tilde{r}} - \forall \mathbf{x} \exists \mathbf{y} \mathbf{P}(\mathbf{x}, \mathbf{y}) \rightarrow \exists$			
	•	مواره صحيح است؟	از دو عبارت زیر، کدام ه
		ن (۳) را نتیجه گرفت.	الف _ از (۱) و (۲) می توا
		ن (۱) را نتیجه گرفت.	ب _ از (۲) و (۳) می توار
۴) هیچکدام	۳) هردو	٢) فقط (ب)	۱) فقط (الف)
زیرساخت مقدماتی $\mathfrak{M}_{\mathbf{n}}$ ز	اختھا (L-structure) باشد کہ	دنبالهای از $-{f L}$ س $ig\langle {\mathfrak M}$	${\mathfrak l}_{{\mathbf n}}:{\mathbf n}\in {\mathbb N}$ فرض کنیم (-100)
رت طبیعی تعریف میکنیم.	خت \mathfrak{M} را با عالم سخن \mathbf{M} بهصور	n	
			کدام مورد، صحیح است
		-) هر $\mathfrak{M}_{\mathrm{n}}$ زیرساخت م س
	ن است هیچکدام زیرساخت مقدمات		
یاتی <i>۱۵۴</i> است.	قل یکی از $\mathfrak{M}_{\mathrm{n}}$ ها زیرساخت مقده س بینی ب	_	
	<i>لالا</i> نباشند.	از _n ال <i>دا</i> ها زیرساحت n	۴) ممکن است هیچکدام

صفحه •	259 A	، کامپیوتر (کد ۱۲۰۹ ـ (شناور))	علوم
جموعه همه توابع يکبهي	№ به ℕکه یکبهیک <u>نیستند</u> ، و B م	- فرض کنیم A مجموعه همه توابع از	-1+1
?	کدام با مجموعه اعداد گویا هم توان است	ℕ به ℕ باشد. از این دو مجموعه،	
	H) فقط B	۱) فقط A	
	۴) هیچکدام	۳) هر دو	
با كدام مجموعه هم توان ا ${f C}$	های شمارای ^ℕ (۱, ۹۰ باشد. در اینصورت،	- فرض کنیم C مجموعه همه زیرمجموعه	-1+7
داد گويا)	Q (مجموعه اع (مجموعه اع	(°, 1) (1	
به توانی اعداد حقیقی)	۴) P(R) (مجموع	$\{\circ, { m N}\}$ (٣	
نيست؟	جموعهها بدون اصل انتخاب، اثباتپذير	 از دو نتیجه زیر، کدام یک در نظریه م 	-1+٣
وجود دارد.	$\mathbf{f}:\mathbf{B} o\mathbf{A}$ در اینصورت، تابع پوشای	الف_اگر A ≥ A و QØ≠A ه	
	مود داشته باشد، آنگاه B ≤ A .	ب _اگر تابع پوشای f : B → A وج	
	٢) فقط (ب)	۱) فقط (الف)	
	۴) هیچکدام	۳) هردو	
	ست؟	 از دو عبارت زیر، کدام مورد درست ا 	-1+4
مه حاصل، اوردینال ۲+0	نوان طوری مرتب کرد که نوع ترتیب مجموء	الف _ مجموعه اعداد طبيعي 🏾 🛛 را مي	
حاصل، اوردینال @+۲ بان	ن طوری مرتب کرد که نوع ترتیب مجموعه	ب _ مجموعه اعداد طبیعی 🏾 را می توا	
	٢) فقط (ب)	۱) فقط (الف)	
	۴) هیچکدام	۳) هردو	
ی @ صحیح است؟	@ تعريف مىشود. كدام مورد درخصوص	- اوردینال ∞ بهصورت {, ۹, ۰, ۰} =	-1+0
	ω < α	الف _ ∞ < ۳ [∞] ب _ 0°	
	٢) فقط (ب)	۱) فقط (الف)	
	۴) هیچکدام	۳) هردو	
ضو (P(x است؟	از دو مورد زیر، کدام ع. $\mathbf{x} = \left\{ \phi, \{ \phi \}, \left\{ ight\} ight\}$	- فرض کنید {{{}}}, {{}}, {{}}	-108
	`	الف _ {{ \ { \ { \ { \ { \ { \ { \ } } } }}}	
		ب _ {{\$}}}	
	۲) فقط (ب)	· · · ((۱)) ۱) فقط (الف)	
	۴) هیچکدام	٣) هردو	
		- مجموعه های A و B و C را به صورت	-1+7
		A = مجموعه همه توابع از N به {۲	
		\mathbb{N} مجموعه همه توابع از \mathbb{N} به \mathbb{N}	
]	C = مجموعه همه توابع از Q به ℝ	
		کدام مورد، درست است؟	
	= B < C (Y	A < B = C (1)	
	= B = C (f	A < B < C (r	
یعه توانی S باشد. در این م	، نامتناهی از اعداد طبیعی و P(S) مجمو	- فرض کنیم S مجموعه همه دنبالههای	-1+8
	P(S) چقدر است؟	تعداد توابع یکبهیک و پوشا از S به	
	۲) صفر	۱) ناشمارا	
	۴) شمارا ولی نامتنا	۳) متناهی ولی ناصفر	

صفحه ۲۱	259 A	علوم کامپیوتر (کد ۱۲۰۹ ـ (شناور))
	ر میدهیم:	۱۰۹- فرض کنیم x یک مجموعه است. قرا
	$\mathbf{a} = \{ \boldsymbol{\beta} : \boldsymbol{\beta} \to \mathbf{x} \ \mathbf{f} : \boldsymbol{\beta} \to \mathbf{x} \ \mathbf{g} \}$	β} یک اوردینال است و تابع پوشای
عه است. از دو مورد زیر، کدامیک	ا (ZF) میتوان دید که a یک مجمود	با استفاده از اصول نظریه مجموعهه
		در مورد a درست است؟
		الف _ a اوردينال ناصفر است.
	.a≰x ≥	ب _ a کوچکترین اوردینال است ک
	٢) فقط (ب)	۱) فقط (الف)
	۴) هیچکدام	۳) هردو
ذير نيست؟	مجموعهها بدون اصل انتخاب، اثبات په	۱۱۰ – از دو نتیجه زیر، کدام یک در نظریه م
که n∈ℕ.	≥ k در اینصورت _° k = k یا k = n	الف ـ اگر k کاردینالی باشد که 🗞 کَ
هی از اعضای ${f A}$ برابر ${f arkappa}_{\circ}$ است.	اردينال مجموعه همه دنبالههاى متناه	ب _ اگر ₀ א ⊨ A در اینصورت، ک
	٢) فقط (ب)	۱) فقط (الف)
	۴) هیچکدام	۳) هردو

ریاضیات گسسته و مبانی ترکیبیات:

- ۱۱۱- به چند طریق می توان یک پلکان ۱۱ تایی را طی کرد، بهطوری که در هر قدم، یک پله یا دو پله بتوان طی کرد؟ ۱) ۳۴ (۱
 - ۵۵ (۲
 - ۸۹ (۳
 - 144 (4

۱۱۲- کوچک ترین مقدار n چقدر است، به طوری که هر زیر مجموعه n عضوی از مجموعه {۱, ۲, ..., ۴۹}، شامل سه عدد صحیح x، y و z باشد، به طوری که (x - y)(y - z)(y - z) بر ۴۹ بخش پذیر باشد؟

- 14 (1
- 10 (1
- ۳) ۲۱ (۳
- 77 (4
- ۱۳- چند رشته ۱۰ رقمی از ارقام ۱، ۲ و ۳ وجود دارد که یا در پنج رقم سمت چپ، هیچ رقمی برابر ۱ <u>نباشد</u> یا در پنج رقم سمت راست، هیچ رقمی برابر ۲ <u>نباشد</u>؟
 ۱) ^{۱۰} (۱
 ۲) ۲^{۱۰} ۲۲۲ ۲⁵
 ۳) ۲۲۲ × ²7
 - $r^{s} \times r^{\Delta} 1$ (f

علوم کامپیوتر (کد ۱۲۰۹ ـ (شناور))

۱۱۴- میخواهیم اعداد دورقمی را در ۴۵ دسته متمایز ۲تایی توزیع کنیم، بهطوریکه دو عدد ۱۰ و ۹۹ در یک دسته نباشند. به چند طریق، این دستهبندی امکانپذیراست؟

()
$$\frac{! \wedge \lambda}{1 \wedge \gamma} \times \frac{! \wedge \lambda}{1 \wedge \gamma}$$

()
$$\frac{! \wedge \lambda}{1 \wedge \gamma} \times \frac{! \wedge \lambda}{1 \wedge \gamma} \times \frac{! \wedge \lambda}{1 \wedge \gamma}$$

()
$$\frac{! \wedge \lambda}{1 \wedge \gamma} \times \frac{! \wedge \lambda}{1 \wedge \gamma}$$

۱۱۵- تعداد دسته جوابهای معادله زیر در مجموعه اعداد صحیح، چقدر است؟

 $x_{1} + x_{\gamma} + \dots + x_{1\circ} = 1 + \mathcal{V} + \Delta + \mathcal{V} + \dots + 19$ $x_{1} \ge 1, x_{\gamma} \ge \mathcal{V}, \dots, x_{1\circ} \ge 1\circ$

$$\begin{pmatrix} \Delta F \\ 1 \circ \end{pmatrix} (Y \qquad \qquad \begin{pmatrix} \Delta F \\ q \end{pmatrix} (1)$$
$$\begin{pmatrix} F \Delta \\ q \end{pmatrix} (F \qquad \qquad \begin{pmatrix} F \Delta \\ 1 \circ \end{pmatrix} (W)$$

۱۱۶- جواب معادله بازگشتی روبهرو چیست؟

$$a_n = A a_{n-r} - 19 a_{n-r}$$
 $c_1 \gamma^n + c_\gamma (-7)^n (1)$
 $c_1 \eta \gamma^n + c_\gamma n(-7)^n (7)^n (1)^n (1)^n (1)^n + (1)^n (-1)^n (7)^n (1)^n (1)^$

صفحه ۲۳	259) A	علوم کامپیوتر (کد ۱۲۰۹ ـ (شناور))
ريد (n ≥ ۵) و دو رأس A	را یک رأس گراف G درنظر بگیر	ضوی X ر	۱۲۰- هر زیرمجموعه ۳ عضوی از مجموعه n ع
ن گراف، نادرست است؟	کدام مورد درباره ایز $ \mathbf{A} igcap \mathbf{B} $ =	فرگاه ۱=	و ${f B}$ را توسط یک یال به هم وصل کنید، ه
			۱) گراف حاصل، منتظم است.
		است.	۲) گراف حاصل برای هر n ≥ ۵، میلتونی
	.q =	$= \iota \Delta \begin{pmatrix} n \\ \Delta \end{pmatrix}$	۳) تعداد یالهای این گراف، برابر است با
	رابر است با ۲.	حداکثر ب	۴) فاصله هر دو رأس گراف برای N≥۷،
	ه دو x متوالی وجود <u>ندارد</u>؟	XX ، هيچ	۱۲۱- در چند جایگشت از حروف yy z www
	$\mathbf{Y} \times \mathbf{Y} \times \mathbf{Y}^{\mathbf{Y}}$ (Y		$Y \times Y \times \Delta \times Y$ ()
	$\Upsilon^{\Upsilon} imes \Upsilon^{\Upsilon} imes \Delta imes \Upsilon^{\Upsilon}$ (f		$\Upsilon^{\Upsilon} \times \Upsilon^{\Upsilon} \times \Delta \times \Upsilon$ (T
	ه چند رقم صفر ختم میشود؟	، حاصل با	۱۲۲- اگر !۱۰۰ در مبنای ۱۰ نوشته شود، عدد
	T1 (T		۲۰ (۱
	20 (4		۲۴ (۳
، هیچ دو فیزیکدانی مجاور	دور یک میز بنشینند، بهطوریکه	می توانند	۱۲۳- به چند طریق، ۳ فیزیکدان و ۵ ریاضیدان
			نباشند؟
	1440 (1		۲۲۰۰ (۱
	۲۸۸ (۴		۳۶ ۰ ۲۶
			۱۲۴- کوچکترین مقدار n، بهطوریکه گزاره ز
مطورىكه مجموع مربعات	چهار عدد متمایز وجود دارند، ب	·{) , r ,	«در هر زیر مجموعه n عضوی از {۰۰،
	N - (N		انها مضرب چهار است.» ۱۰ ۱۰
	1° (7		۷ (۱ ۱۳ (۳
	۵۴ (۴ ۵۰ - ۱۰۱۰۶ (۱۰	1 6 *	۱۳ (۳ ۱۲۸ تحدید دارد به از ۲۸ قرار ۲۸
	مرو)، قدام است	سعل روب	۱۲۵- تعداد مسیرهای بهطول ۲ در گراف Q ۳ (۱ ۱) ۱۶ (۱
			۲۴ (۲
			٣٢ (٣
			<i>F</i> F (f
، بهطوریکه در هر قفسه،	، ردیف از یک قفسه کتاب چید	را در سه	۱۲۶ – به چند طریق، می توان ۱° کتاب متمایز
	، مهم است.)	هر رديف	حداقل ۱ کتاب باشد؟ (ترتیب کتابها در
	Y7×10! (7		$\frac{17!}{7}$ (1
	· ·		
	878×10! (f		۱۸×۱۰! (۳
قدار A+B کدام است؟		بازگشتی	الام المرض کنید $\mathbf{a_n} = \mathbf{An} + \mathbf{B}$ جواب رابطه $\mathbf{a_n} = \mathbf{An} + \mathbf{B}$
	۲ (۲ به رم		۱ (۱ س س
	4 (4		٣ (٣

259	علوم کامپیوتر (کد ۱۲۰۹ ـ (شناور)) A
های ۱×۲ و ۲×۲ پوشاند؟	۱۲۸- به چند طریق، می توان جدولی ۲×۳ را با بلوک
$Y^{n}+\left(-1 ight) ^{n+1}$ (Y	$\Upsilon^{n+1}+\left(-1 ight)^{n}$ (1)
$\frac{\mathbf{Y}^{\mathbf{n}+1}+(-1)^{\mathbf{n}}}{\mathbf{Y}} (\mathbf{x})$	$Y^n + (-1)^n$ (Y
ام است؟	اکر $\sum_{r=k}^{n} {n \choose r \choose k} $ اکل $n \ge k \ge \infty$ کد -۱۲۹ $-$ ۱۲۹ $-$ ۱۲۹ $-$
k۲ ^{n-k} (۲	k۲ ⁿ (۱
$egin{pmatrix} n \ k \end{pmatrix}$ Y $^{n-k}$ (f	$egin{pmatrix} n \ k \end{pmatrix}$ Y k (Y
، می توان دو مسبر متمایز به طول ۵ انتخ	۱۳۰- گراف دوری C _{۲۰} را درنظر بگیرید. به چند طریق

- ۱۳۰ گراف دوری ${f C}_{{f Y}_{0}}$ را درنظر بگیرید. به چند طریق، می توان دو مسیر متمایز به طول ۵ انتخاب کرد، بهطوری که حداقل در یک یال اشتراک داشته باشند؟ (ترتیب دو مسیر انتخابی، مهم نیست.) ۲) ۰ ۸ ۹० (۱
 - ¥° (¥ ۵۰ (۳