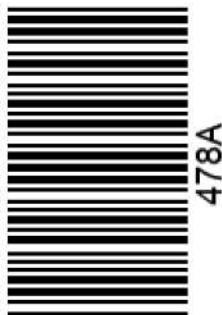


کد کنترل

478

A



# آزمون ورودی دوره دکتری (نیمه‌تمکن) – سال ۱۴۰۰

دفترچه شماره (۱)

صبح جمعه

۹۹/۱۲/۱۵



جمهوری اسلامی ایران

وزارت علوم، تحقیقات و فناوری  
سازمان سنجش آموزش کشوراگر دانشگاه اصلاح شود مملکت اصلاح می‌شود.  
امام خمینی (ره)

## رشته – ژئوفیزیک – گرانی‌سنگی – (کد ۲۲۴۳)

مدت پاسخ‌گویی: ۱۵۰ دقیقه

تعداد سؤال: ۴۵

عنوان مواد امتحانی، تعداد و شماره سؤالات

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سؤال	از شماره	تا شماره
۱	مجموعه دروس تخصصی: – فیزیک پایه ۱ و ۲ – زمین‌شناسی فیزیکی (عمومی) – فیلترهای دجیتال – گرانی‌سنگی – اکتشافات گرانی‌سنگی – ژئودزی فیزیکی	۴۵	۱	۴۵

استفاده از ماشین حساب مجاز نیست.

این آزمون نمره منفی دارد.

حق جاب، تکثیر و انتشار سؤالات به هر روش (الکترونیکی و...) پس از برگزاری آزمون، برای تمامی اشخاص حقیقی و حقوقی تنها با مجوز این سازمان مجاز می‌باشد و با متخلفین برابر مقررات رفتار می‌شود.

\* داوطلب گرامی، عدم درج مشخصات و امضا در مندرجات جدول ذیل، بهمنزله عدم حضور شما در جلسه آزمون است.

اینجانب ..... با شماره داوطلبی ..... با آگاهی کامل، یکسان بودن شماره صندلی خود را با شماره داوطلبی مندرج در بالای کارت ورود به جلسه، بالای پاسخ نامه و دفترچه سوالات، نوع و کد کنترل درج شده بر روی دفترچه سوالات و پائین پاسخ نامه ام را تأیید می نمایم.

امضا:

- ۱- ذره‌ای بدون سرعت اولیه در سقوط آزاد از یک ارتفاع معین، ۶۴ درصد کل آن ارتفاع را در یک ثانیه آخر

$$(g = ۹,۸ \frac{m}{sec^2})$$

(۱) ۳۰/۶۲

(۲) ۶۱/۲۵

(۳) ۳۸/۷۶

(۴) ۱۲۲/۵

- ۲- یک جعبه ۴ کیلوگرمی بر روی یک سطح بدون اصطکاک با سرعت  $\frac{m}{s}$  ۱ در حال لغزش است. در یک لحظه نیروی

ثابتی در راستای حرکت جعبه به آن وارد می شود و به فاصله ۳ متر حرکت جعبه این نیروی ثابت به جعبه اعمال

$$\frac{m}{s} \text{ می رسد. اندازه نیروی وارد به جعبه چند نیوتن است؟}$$

(۱) ۱

(۲) ۲

(۳) ۳

(۴) ۴

- ۳- اگر خطای نسبی اندازه گیری سرعت یک جسم ۱۰ درصد باشد، خطای نسبی اندازه گیری انرژی جنبشی چند درصد است؟ (خطای اندازه گیری جرم را در نظر نگیرید).

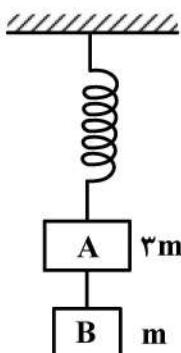
(۱) ۲۰

(۲) ۱۵

(۳) ۱۰

(۴) ۵

- ۴- مطابق شکل زیر، مکعب A به جرم  $3m$  توسط یک فنر بدون جرم از سقف آویزان شده است. مکعب B به جرم  $m$  توسط ریسمانی محکم به مکعب A متصل شده است. مقدار شتاب مکعب های A و B پس از قطع ریسمان به ترتیب از راست به چپ کدام است؟



(۱)  $g, g$

(۲)  $\frac{g}{3}, g$

(۳)  $g, \frac{g}{3}$

(۴)  $\frac{g}{3}, \frac{g}{3}$

-۵ یک دنباله‌دار در هر  $5^{\circ}$  سال یک بار به دور خورشید می‌چرخد. اگر نزدیک‌ترین فاصله این دنباله‌دار تا خورشید  $10^{11} \text{ m}$  باشد، دورترین فاصله آن تا خورشید تقریباً چند متر است؟ (جرم خورشید  $2 \times 10^{30} \text{ kg}$ )

$$(G = 6,7 \times 10^{-11} \frac{\text{m}^3}{\text{kg.s}^2})$$

(۱)  $3,4 \times 10^{12}$

(۲)  $4,4 \times 10^{12}$

(۳)  $3,4 \times 10^{13}$

(۴)  $6,4 \times 10^{13}$

-۶ یک سودار (راداری) که با امواج صوتی کار می‌کند، اگر چشمۀ آن دایره‌ای

باشد و سرعت صوت در هوا  $\frac{\text{m}}{\text{s}}$   $35^{\circ}$  باشد، قطر چشمۀ آن چند سانتی‌متر باشد تا واردایی پرتو صوتی آن از  $3^{\circ}$  باشد؟

درجه بیشتر نباشد؟

(۱) ۱۲

(۲) ۱۶

(۳) ۱۹

(۴) ۲۱

-۷ امواج زلزله درون زمین هم به صورت امواج طولی (امواج S) و هم امواج عرضی (امواج P) انتشار می‌یابند. سرعت

امواج S برابر  $\frac{\text{km}}{\text{s}}$   $4^{\circ}$  و سرعت امواج P برابر  $\frac{\text{km}}{\text{s}}$   $12^{\circ}$  است. یک زلزله‌نگار امواج P و S گسیل یافته از یک زلزله

را ثبت می‌کند. اولین امواج P دو دقیقه قبل از رسیدن اولین امواج S دریافت می‌شوند. اگر امواج در مسیری مستقیم انتشار یافته باشند، فاصله مرکز زلزله تا محل زلزله‌نگار چند کیلومتر است؟

(۱)  $72^{\circ}$

(۲)  $33^{\circ}$

(۳) ۲۲

(۴) ۱۱

-۸ مایعی با چگالی  $\frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$   $800^{\circ}$  درون یک لوله افقی به آرامی در حرکت است. سطح مقطع ورودی لوله  $60 \text{ cm}^2$  و

سطح مقطع خروجی آن  $40 \text{ cm}^2$  است. اختلاف فشار مایع در دهانه ورودی با فشار در دهانه خروجی  $8000 \text{ Pa}$  است. از این لوله در هر ثانیه چند لیتر مایع عبور می‌کند؟

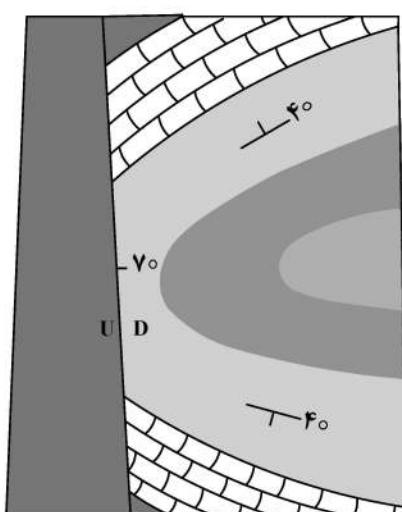
(۱) ۱۷

(۲) ۲۴

(۳)  $240^{\circ}$

(۴)  $170^{\circ}$

- ۹- یک چشمۀ نور، با شدت  $\frac{kW}{m^2}$   $24\pi$  گسیل می‌کند. دامنه میدان مغناطیسی آن چند میکروتسلا است؟
- (۱)  $6\pi$
  - (۲)  $8\pi$
  - (۳)  $12\pi$
  - (۴)  $16\pi$
- ۱۰- پروتونی در مسیری دایره‌ای به شعاع  $20 \text{ cm}$  به طور عمود بر یک میدان مغناطیسی به بزرگی  $5 \times 10^{-5} \text{ T}$  تسلا در حرکت است. بزرگی تکانه پروتون چند  $\frac{\text{m}}{\text{s}}$  است؟ (اندازه بار الکتریکی پروتون  $C = 1.6 \times 10^{-19} \text{ C}$  می‌باشد.)
- (۱)  $3/2 \times 10^{-21}$
  - (۲)  $1/6 \times 10^{-17}$
  - (۳)  $1/6 \times 10^{-21}$
  - (۴)  $3/2\pi \times 10^{-21}$
- ۱۱- کدام یک درباره آرکوز صحیح است؟
- (۱) در آب و هوای گرم و خشک تشکیل شده است.
  - (۲) حداقل  $15 \text{ m}$  درصد فلدسپار دارد.
  - (۳) به دلیل فراوانی کانی‌های رسی، متورق می‌باشد.
  - (۴) نوعی سنگ بیوشیمیابی است.
- ۱۲- کدام ویژگی، افق C را از سایر افق‌های خاک متمایز می‌کند؟
- (۱) حاصل خیزترین افق خاک
  - (۲) تحمل هوازدگی نسبی طولانی‌تر
  - (۳) دارای بیشترین مقدار هوموس
  - (۴) متشكل شدن از سولفات سدیم
- ۱۳- در کدام سنگ‌ها، ترتیب افزایش اندازه دانه‌ها و مشخص تر بودن فولیاپسیون، صحیح است؟
- (۱) اسلیت  $\leftarrow$  فیلیت  $\leftarrow$  شیست  $\leftarrow$  گنیس
  - (۲) گنیس  $\leftarrow$  شیست  $\leftarrow$  فیلیت  $\leftarrow$  اسلیت
  - (۳) فیلیت  $\leftarrow$  اسلیت  $\leftarrow$  گنیس  $\leftarrow$  شیست
  - (۴) شیست  $\leftarrow$  اسلیت  $\leftarrow$  گنیس  $\leftarrow$  فیلیت
- ۱۴- کدام یک آفانتیک بوده و غالباً از پیروکسن و پلازیوکلازهای غنی از کلسیم تشکیل شده است؟
- (۱) تراکیت
  - (۲) ریولیت
  - (۳) بازالت
  - (۴) ابسیدین
- ۱۵- با فرض شمال در بالای صفحه، کدام گزینه درباره شکل صحیح است؟
- (۱) ناودیس - محور چین خوردگی غیرافقی
  - (۲) تاقدیس - محور چین خوردگی افقی
  - (۳) ناودیس - محور چین خوردگی افقی
  - (۴) تاقدیس - محور چین خوردگی غیرافقی



- ۱۶ - اگر  $y(t) = x(t) * h(t)$  باشد، حاصل کانولوشن  $x(t-t_1) * h(t-t_2)$  کدام گزینه است؟

$$y(t-t_1-t_2) \quad (1)$$

$$y(t_1-t_2-t) \quad (2)$$

$$y(t+t_2-t_1) \quad (3)$$

$$y(t+t_1-t_2) \quad (4)$$

- ۱۷ - اگر دو تابع  $x_1(t)$  و  $x_2(t)$  دو سیگنال پریودیک با دوره تناوب  $T_0$  باشد، حاصل کانولوشن زیر کدام است؟

$$f(t) = x_1(t) * x_2(t) = \int_0^{T_0} x_1(\tau) x_2(t-\tau) d\tau$$

$$(1) \text{ پریودیک با دوره تناوب } T_0$$

$$(2) \text{ غیرپریودیک با دوره تناوب } \frac{T_0}{2}$$

$$(3) \text{ پریودیک با دوره تناوب } \frac{T_0}{4}$$

$$(4) \text{ پریودیک با دوره تناوب } 2T_0$$

- ۱۸ - تبدیل  $z$  تابع  $x[n] = na^{n-1}u[n]$  کدام گزینه است؟

$$\frac{(z-a)^r}{az} \quad (1)$$

$$-\frac{az}{(z-a)^r} \quad (2)$$

$$\frac{az}{(z-a)^r} \quad (3)$$

$$\frac{z}{(z-a)^r} \quad (4)$$

- ۱۹ - تبدیل  $z$  معکوس تابع زیر کدام است؟

$$x(z) = \frac{3}{z-3}, |Z| > 3$$

$$3(z)^{n+1}u(n+1) \quad (1)$$

$$3(z)^{n-1}u(n-1) \quad (2)$$

$$3(z)^{n-1}u(n+1) \quad (3)$$

$$3(z)^{n+1}u(n-1) \quad (4)$$

- ۲۰ - کدام زوج سیگنال سینوسی پیوسته زیر در نمونه‌برداری  $5^\circ$  هرتز نمونه‌های مشابهی به دست می‌دهد؟

$$x(t) = \cos 75\pi t, x(t)\cos 6^\circ \pi t \quad (1)$$

$$x(t) = \cos 18^\circ \pi t, x(t)\cos 6^\circ \pi t \quad (2)$$

$$x(t) = \cos 3^\circ \pi t, x(t)\cos 6^\circ \pi t \quad (3)$$

$$x(t) = \cos 2^\circ \pi t, x(t)\cos 6^\circ \pi t \quad (4)$$

- ۲۱- کدام گزینه به درستی ضرایب سری فوریه را برای تابع  $x(t) = \cos 4t + \sin 6t$  نمایش می‌دهد؟

$$c_{-\gamma} = \frac{-1}{\gamma i}, c_{-\gamma} = \frac{1}{\gamma}, c_\gamma = \frac{1}{\gamma}, c_\gamma = \frac{-1}{\gamma i} \quad (1)$$

$$c_{-r} = \frac{-1}{rj}, c_{-r} = \frac{-1}{r}, c_r = \frac{-1}{r}, c_r = \frac{-1}{rj} \quad (2)$$

$$c_{-\gamma} = \frac{-1}{\gamma i}, \quad c_{-\gamma} = \frac{1}{\gamma}, \quad c_\gamma = \frac{1}{\gamma}, \quad c_\gamma = \frac{1}{\gamma i} \quad (1)$$

$$c_{-\gamma} = \frac{1}{\gamma i}, c_{-\gamma} = \frac{1}{\gamma}, c_\gamma = \frac{-1}{\gamma}, c_\gamma = \frac{1}{\gamma i} \quad (1)$$

-٢٢ - تبدیل فوریه تابع  $x(t) = e^{at}u(-t)$ ،  $a > 0$  کدام است؟

$$\frac{1}{a - j\omega} \quad (1)$$

$$\delta(\omega) - \frac{1}{j\omega} \quad (\text{r})$$

$$\frac{1}{a + j\omega} \quad (\text{v})$$

$$\delta(\omega) + \frac{1}{j\omega} \quad (\text{Eq. 2})$$

-۲۳- سیستم LTI بسویسته دارد نظر نگیرید:

$$\frac{dy}{dt} + \gamma y(t) = x(t)$$

به ازای سیگنال ورودی  $x(t) = e^{-t}u(t)$  خروجی  $y(t)$  سیستم کدام است؟

$$y(t) = (e^{-t} + e^{rt})u(t) \quad (1)$$

$$y(t) = (e^{-t} + e^{-\gamma t})u(t) \quad (\gamma)$$

$$y(t) = (e^{-t} - e^{-t})u(t) \quad (4)$$

$$y(t) = (e^{-t} - e^{-\gamma t}) u(t) \quad (\text{Eq. 1})$$

- ۲۴- کدام درجه از بسط هماهنگ‌های کروی پتانسیل گرانی زمین مربوط به اختلاف ممان‌های اینرسی قطب و استوا است؟

۱) درجه صفر ۲) درجه ۱ ۳) درجه ۲ ۴) درجه ۳ به بالا

ه گبری ها، گرانی، ماهواره ای، بای:

۱) د. حات باب: بسط بتانسیا، گانه، کمتر است.  
۲) د. حات بالا بسط بتانسیا، گانه، بیشتر است.

۳) در حالت یابی: سطح بتانسیا گرانه بیشتر است.

۲۶- تصحیح حرم اتمسفر برای داده‌ها گـانه، با افزاـش، ارتفاع جهـ تغییر مـ کند؟

۲) که م شد.

### (۱) تغییر نمایند

۴) ستگ به وضعیت جمع دارد.

۳) باد مر شود.

- ۲۷ - کدام عبارت صحیح است؟

(۱) در نواحی چین‌خورده معمولاً مناطقی که در محل تاقدیس‌ها واقع می‌شوند نسبت به ناویس‌ها چگالی متوسط بالاتری دارند.

(۲) در نواحی چین‌خورده معمولاً مناطقی که در محل تاقدیس‌ها واقع می‌شوند نسبت به ناویس‌ها چگالی متوسط پایین‌تری دارند.

(۳) در نواحی چین‌خورده معمولاً چگالی متوسط در محل تاقدیس‌ها و ناویس‌ها برابر است.

(۴) در مناطق گسل‌خورده معمولاً بلوک‌هایی که نسبت به بقیه بالاتر قرار می‌گیرند چگالی متوسط پایین‌تری دارند.

- ۲۸ - تصحیح تخته بوگه برای یک نقطه برداشت گرانی روی سطح آب دریای آزاد از کدام فرمول، به دست می‌آید؟

(d) عمق آب در نقطه برداشت،  $G$  ثابت جهانی جاذبه،  $\sigma_r$  چگالی خشکی و  $\sigma_w$  چگالی آب هستند.)

$$2\pi G d (\sigma_r + \sigma_w) \quad (1)$$

$$2\pi G d (\sigma_r - \sigma_w) \quad (2)$$

$$4\pi G d (\sigma_r - \sigma_w) \quad (3)$$

$$4\pi G d (\sigma_r + \sigma_w) \quad (4)$$

- ۲۹ - کدام عبارت برای آنومالی بوگه کامل صحیح است؟

$$\Delta g_{CB} = g_{obs} \pm \delta g_F \mp \delta g_B - \delta g_T - \gamma \quad (1)$$

$$\Delta g_{CB} = g_{obs} \mp \delta g_F \mp \delta g_B + \delta_T - \gamma \quad (2)$$

$$\Delta g_{CB} = g_{obs} \mp \delta g_F \mp \delta g_B - \delta_T - \gamma \quad (3)$$

$$\Delta g_{CB} = g_{obs} \pm \delta g_F \mp \delta g_B + \delta g_T - \gamma \quad (4)$$

- ۳۰ - اگر نقطه برداشت گرانی در ته چاهی به عمق  $d$  و ارتفاع نقطه سرچاه از سطح دریای آزاد  $h$  باشد تصحیح تخته بوگه از کدام رابطه به دست می‌آید؟

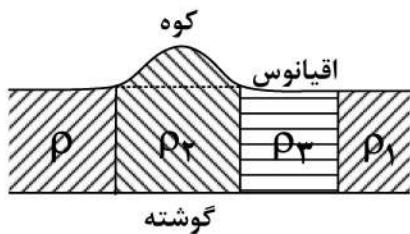
$$4\pi G \sigma_r d - 2\pi G \sigma_r h \quad (1)$$

$$2\pi G \sigma_r d - 2\pi G \sigma_r h \quad (2)$$

$$2\pi G \sigma_r d + 2\pi G \sigma_r h \quad (3)$$

$$2\pi G \sigma_r d - 4\pi G \sigma_r h \quad (4)$$

- ۳۱ - شکل زیر دلالت بر کدام مدل ایزوستازی دارد و ترتیب چگالی بخش‌های مختلف به کدام صورت است؟



(۱) آیری -  $\rho_3 < \rho_1 < \rho_2$

(۲) پرات -  $\rho_3 < \rho_1 < \rho_2$

(۳) آیری -  $\rho_1 < \rho_2 < \rho_3$

(۴) پرات -  $\rho_2 < \rho_1 < \rho_3$

- ۳۲ - ۱mGal برابر با کدام است؟

$$0.01 \text{gu} \quad (4)$$

$$0.1 \text{gu} \quad (3)$$

$$100 \text{gu} \quad (2)$$

$$10 \text{gu} \quad (1)$$

- ۳۳ - از ضرایب لاغرانژ برای محاسبه کدام یک استفاده می‌شود؟

(۱) گرادیان‌های افقی

(۲) گرادیان‌های قائم

(۳) گرادیان‌های کامل

- ۳۴- اگر داده‌های برداشت شده گرانی دارای نویفه بالایی باشند کدامیک از روش‌های زیر برای حذف اثر منطقه‌ای مناسب‌تر هستند؟
- (۱) گرادیان اول قائم  
(۲) ادامه فراسو  
(۳) برازش چندجمله‌ای  
(۴) گرادیان دوم قائم
- ۳۵- با تغییر کدامیک از پارامترهای رابطه اویلر عمق تخمین‌زده شده آنومالی تغییر می‌کند؟
- (۱) اندازه پنجره  
(۲) تعداد نقاط در پنجره  
(۳) ضریب ساختار  
(۴) همپوشانی پنجره‌ها
- ۳۶- اگر نرخ نمونه‌برداری داده‌های گرانی‌سنجد  $\Delta x$  باشد، کوتاه‌ترین طول موج در سیگنال گرانی چه مقدار است؟
- (۱)  $\frac{1}{4} \Delta x$   
(۲)  $\frac{1}{8} \Delta x$   
(۳)  $\frac{1}{2} \Delta x$   
(۴)  $2\Delta x$
- ۳۷- فواصل نقاط برداشت داده‌های گرانی‌سنجد می‌بایست ..... عمق تخمینی برای هدف مورد مطالعه باشد.
- (۱) کمتر از نصف  
(۲) بیشتر از نصف  
(۳) برابر با نصف  
(۴) بیشتر از
- ۳۸- برای مدل‌سازی گسلی با امتداد شمالی - جنوبی با عمق تقریبی حداقل ۱۰۰ متر و حداً کثر ۵۰۰ متر چه نوع برداشت و با چه فواصلی مناسب است؟
- (۱) پروفیل شمالی - جنوبی با گسترش حداقل ۲۰۰۰ متر و فواصل برداشت ۵° متر  
(۲) پروفیل شمالی - جنوبی با گسترش حداقل ۲۰۰۰ متر و فواصل برداشت ۱۰۰ متر  
(۳) پروفیل شرقی - غربی با گسترش حداقل ۱۰۰۰ متر و فواصل برداشت ۵° متر  
(۴) پروفیل شرقی - غربی با گسترش حداقل ۱۰۰۰ متر و فواصل برداشت ۱۰۰ متر
- ۳۹- مقدار میانگین هارمونیک‌های کروی تمام نرم‌الایز شده برابر کدام است؟
- (۱) صفر  
(۲)  $-1$   
(۳)  $1$   
(۴)  $2\pi$
- ۴۰- کدامیک تعریف مسئله دیریکله است؟
- (۱) پتانسیل بر روی سطح مرزی داده می‌شود.  
(۲) گرادیان پتانسیل روی سطح مرزی داده می‌شود.  
(۳) مجموع پتانسیل و گرادیان پتانسیل روی سطح مرزی داده می‌شود.  
(۴) تفاضل پتانسیل و گرادیان روی سطح مرزی داده می‌شود.
- ۴۱- انتگرال پواسون برای حل مسئله مقادیر مرزی ..... کاربرد دارد.
- (۱) استوکس  
(۲) دیریکله  
(۳) نیومن  
(۴) نیومن و دیریکله

- ۴۲- کدام رابطه نمایش فرم طیفیتابع استوکس است؟ (n درجه هماهنگ کروی و p چندجمله‌ای شواندر است).

$$s(\psi) = \sum_{n=0}^{\infty} \frac{n-1}{2n+1} P_n(\cos\psi) \quad (2)$$

$$s(\psi) = \sum_{n=0}^{\infty} \frac{2n+1}{n-1} P_n(\cos\psi) \quad (4)$$

$$s(\psi) = \sum_{n=2}^{\infty} \frac{n-1}{2n+1} P_n(\cos\psi) \quad (1)$$

$$s(\psi) = \sum_{n=2}^{\infty} \frac{2n+1}{n-1} P_n(\cos\psi) \quad (3)$$

- ۴۳- تقریب تابع استوکس وقتی زاویه بازگشتی ( $\psi$ ) به صفر میل می‌کند، از کدام رابطه به دست می‌آید؟

$$S(\psi) \doteq \frac{\phi}{\psi} \quad (1)$$

$$S(\psi) \doteq \frac{\psi}{\phi} \quad (2)$$

$$S(\psi) \doteq \frac{\psi}{\psi} \quad (3)$$

$$S(\psi) \doteq \frac{2}{\psi} \quad (4)$$

- ۴۴- چنانچه انحنای میانگین  $J$  یک سطح در نقطه  $P$  به صورت  $\frac{W_{xx} + W_{yy}}{2g} = J$  تعریف شود، آنگاه برای رابطه بین

گرادیان قائم گرانی و انحنای میانگین سطح تراز کدام عبارت صحیح است؟

$$\frac{\partial g}{\partial H} = -2gJ + 4\pi G\rho - 2\omega^2 \quad (1)$$

$$\frac{\partial g}{\partial H} = -2gJ + 4\pi G\rho \quad (2)$$

$$\frac{\partial g}{\partial H} = -gJ + 4\pi G\rho - 2\omega^2 \quad (3)$$

$$\frac{\partial g}{\partial H} = -gJ + 4\pi G\rho \quad (4)$$

- ۴۵- کدام عبارت صحیح است؟

(۱) در نقاطی که چگالی به صورت پیوسته تغییر کند مشتق‌های دوم پتانسیل  $V$  ناپیوسته‌اند، زیرا پتانسیل  $V$  در معادله لاپلاس صدق می‌کند.

(۲) در نقاطی که چگالی به صورت ناپیوسته تغییر کند مشتق‌های دوم پتانسیل  $V$  پیوسته‌اند، زیرا پتانسیل  $V$  در معادله پواسون صدق می‌کند.

(۳) در نقاطی که چگالی به صورت پیوسته تغییر کند برخی از مشتق‌های دوم پتانسیل  $V$  ناپیوستگی دارند، زیرا پتانسیل  $V$  در معادله پواسون صدق می‌کند.

(۴) در نقاطی که چگالی به صورت ناپیوسته تغییر کند برخی از مشتق‌های دوم پتانسیل  $V$  ناپیوستگی دارند، زیرا پتانسیل  $V$  در معادله پواسون صدق می‌کند.





