

کد کنترل

516

A

# آزمون ورودی دوره دکتری (نیمه‌تمکن) – سال ۱۴۰۰

دفترچه شماره (۱)

صبح جمعه

۹۹/۱۲/۱۵



جمهوری اسلامی ایران

وزارت علوم، تحقیقات و فناوری  
سازمان سنجش آموزش کشور

اگر دانشگاه اصلاح شود مملکت اصلاح می‌شود.  
امام خمینی (ره)

## رشته مهندسی محیط‌زیست – منابع آب – (کد ۲۳۴۳)

مدت پاسخ‌گویی: ۱۵۰ دقیقه

تعداد سؤال: ۴۵

عنوان مواد امتحانی، تعداد و شماره سؤالات

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سؤال	از شماره	تا شماره
۱	مجموعه دروس تخصصی: – ریاضیات عمومی ۱ و ۲ – معادلات دیفرانسیل – منابع آب	۴۵	۱	۴۵

استفاده از ماشین حساب مجاز نیست.

این آزمون نمره منفی دارد.

\* داوطلب گرامی، عدم درج مشخصات و امضا در مندرجات جدول ذیل، بهمنزله عدم حضور شما در جلسه آزمون است.

اینجانب ..... با شماره داوطلبی ..... با آگاهی کامل، یکسان بودن شماره صندلی خود را با شماره داوطلبی مندرج در بالای کارت ورود به جلسه، بالای پاسخ‌نامه و دفترچه سؤالات، نوع و کد کنترل درج شده بر روی دفترچه سؤالات و پائین پاسخ‌نامه‌ام را تأیید می‌نمایم.

امضا:

- ۱ فرض کنید  $z = \alpha + i\beta$  یک ریشهٔ مختلف  $z^3 + qz + r = 0$  باشد. در این صورت  $\alpha$  در کدام معادله زیر صدق می‌کند؟ ( $q$  و  $r$  اعداد حقیقی‌اند).

$$2\alpha^3 - 2q\alpha - r = 0 \quad (2)$$

$$\lambda\alpha^3 - 2q\alpha + r = 0 \quad (1)$$

$$2\alpha^3 + 2q\alpha + r = 0 \quad (4)$$

$$\lambda\alpha^3 + 2q\alpha - r = 0 \quad (3)$$

- ۲ معادله  $[x] + [2-x] = [x]$  چند جواب دارد؟

(۱) معادله یک جواب دارد.

(۱) معادله دو جواب دارد.

(۴) معادله فاقد جواب است.

(۳) معادله چهار جواب دارد.

- ۳ زاویهٔ بین خطوط مماس بر منحنی‌های قطبی  $r = 3(1 - \cos \theta)$  و  $r = 3(1 + \cos \theta)$  در نقاط تلاقی، کدام است؟

$$\frac{\pi}{2} \quad (1)$$

$$\frac{\pi}{3} \quad (2)$$

$$\frac{\pi}{4} \quad (3)$$

(۴) صفر

- ۴ مثلثی را در ربع اول صفحهٔ مختصات در نظر بگیرید. دو ضلع مثلث بر محورهای مختصات و ضلع سومش بر خط

مماس بر منحنی  $y = e^{-x}$ ، واقع است. بیشترین مساحت ممکن مثلث کدام است؟

$$e \quad (1)$$

$$2e \quad (2)$$

$$\frac{2}{e} \quad (3)$$

$$\frac{1}{e} \quad (4)$$

- ۵ اگر به ازای هر  $x > 0$  تابع پیوسته و دو بار مشتق‌پذیر  $f$  در تساوی  $\int_0^x f(t)dt = x(\ln x - 1) + \int_0^x t^2 f''(t)dt$  صدق کند،  $f(x)$  کدام است؟

$$c_1 x^{-1} + c_2 x^2 + \frac{1}{2} \ln x - \frac{1}{4} \quad (2)$$

$$c_1 x^2 + c_2 x^3 + \frac{1}{2} \ln x - \frac{1}{4} \quad (1)$$

$$c_1 x + c_2 x^3 + \ln x - 2 \quad (4)$$

$$c_1 x + c_2 x^3 + \ln x + 2 \quad (3)$$

-۶ سهمی  $x = \frac{1}{6}y^2$ ، قرص  $4x^2 + y^2 \leq 4$  را به دو قسمت تقسیم می‌کند. مساحت ناحیه بزرگ‌تر کدام است؟

$$\frac{8\pi - \sqrt{3}}{6}$$
 (۱)

$$\frac{8\pi + \sqrt{3}}{6}$$
 (۲)

$$\frac{4\pi - 5\sqrt{3}}{6}$$
 (۳)

$$\frac{4\pi + \sqrt{3}}{6}$$
 (۴)

-۷ انحنای منحنی  $y = 2e^{xy^2} + (2x+1)y = 2$  در نقطه‌ای به طول  $x=0$ ، کدام است؟

$$2/3\sqrt{1}$$
 (۱)

$$0/23\sqrt{1}$$
 (۲)

$$2/3$$
 (۳)

$$0/23$$
 (۴)

-۸ حاصل انتگرال  $\int_0^\pi \int_x^\pi \frac{\sin y}{y} dy dx$ ، کدام است؟

$$0$$
 (۱)

$$\frac{1}{2}$$
 (۲)

$$1$$
 (۳)

$$2$$
 (۴)

-۹ باشد، آن‌گاه  $\frac{\partial(x,y,z)}{\partial(u,v,w)}$ ، کدام است؟  $\begin{cases} u = x + y + z \\ uv = y + z \\ uw = z \end{cases}$  اگر

$$u^2v$$
 (۱)

$$uv^2$$
 (۲)

$$uw^2$$
 (۳)

$$vw^2$$
 (۴)

-۱۰ فرض کنید  $S$  سطح کره‌ای به شعاع ۲ و مرکز مبدأ مختصات باشد. حاصل  $I = \iint_S xdy dz + ydxdz + zdxdy$  کدام است؟

$$4\pi$$
 (۱)

$$8\pi$$
 (۲)

$$16\pi$$
 (۳)

$$32\pi$$
 (۴)

۱۱- جواب معادله دیفرانسیل  $y' = \frac{1}{x} \sqrt[3]{f(x)} - xy^3 = 2$  با شرط  $y(0) = 0$ ، به صورت  $x^2 y^2 y' + xy^3 = 2$  است. مقدار  $f(-1)$

کدام است؟

$$-\sqrt[3]{2} \quad (1)$$

$$-\sqrt[3]{4} \quad (2)$$

$$-\sqrt[3]{6} \quad (3)$$

$$-2 \quad (4)$$

۱۲- جواب معادله دیفرانسیل  $y' = (y+2)^3 = 0$ ، با شرایط اولیه  $y(0) = -1$ ،  $y'(0) = 2$ ، به صورت چندجمله‌ای  $f(x, y) = 0$  است. در این صورت قدر مطلق مجموع ضرایب توان‌های مختلف  $x$  و  $y$  کدام است؟

$$\frac{14}{3} \quad (1)$$

$$4 \quad (2)$$

$$\frac{10}{3} \quad (3)$$

$$\frac{8}{3} \quad (4)$$

۱۳- جواب معادله انتگرالی  $e^t y(t) = 4t^2 e^t - \int_0^t y(u)e^u du$ ، کدام است؟

$$-1 + 2t + 2t^2 + e^{-2t} \quad (1)$$

$$1 + 2t + 2t^2 + e^{2t} \quad (2)$$

$$1 - 2t + 2t^2 + e^{-2t} \quad (3)$$

$$-1 + 2t + 2t^2 + e^{2t} \quad (4)$$

۱۴- دستگاه معادلات دیفرانسیل زیر را در نظر بگیرید. اگر  $L\{x(t)\} = X(s) = X(1)$  باشد، مقدار  $X(1)$  کدام است؟

$$(D^n y = y^{(n)})$$

$$\begin{cases} D^2 x(t) + 3x(t) = 2y(t) \\ D^2 x(t) + D^2 y(t) = 3x(t) - 5y(t) \\ x(0) = y(0) = 0 \\ Dx(0) = 3, Dy(0) = 2 \end{cases}$$

$$1 \quad (1)$$

$$\frac{9}{10} \quad (2)$$

$$\frac{4}{5} \quad (3)$$

$$0 \quad (4)$$

-۱۵ اگر  $f(x) = e^x = \sum_{n=0}^{\infty} c_n P_n(x)$  (که در آن  $P_i(x)$  تابع لزاندار مرتبه  $i$  است) باشد، مقدار  $c_3$  کدام است؟

$$(n+1)P_{n+1}(x) = (2n+1)xP_n(x) - nP_{n-1}(x) \quad (1)$$

$$30 - 12\sinh(1) \quad (2)$$

$$12\sinh(1) + 30 \quad (1)$$

$$\frac{259}{2e} + 35\sinh(1) \quad (4)$$

$$\frac{259}{2e} - 35\sinh(1) \quad (3)$$

-۱۶ در کدام حالت، تبخیر از آب آزاد افزایش می‌یابد؟

- (۱) هنگامی که کمبود اشباع و سرعت باد کاهش یابند.
- (۲) هنگامی که کمبود اشباع کاهش و سرعت باد افزایش یابد.
- (۳) هنگامی که کمبود اشباع افزایش و سرعت باد کاهش یابد.
- (۴) هنگامی که کمبود اشباع و سرعت باد افزایش یابند.

-۱۷ وقتی رطوبت نسبی هوا ..... شود، میزان .....

(۱) خیلی زیاد، تبخیر از تشتک تبخیر به طرز قابل توجهی بیشتر از تبخیر از سطح دریاچه بزرگ است.

(۲) خیلی زیاد، تبخیر از تشتک تبخیر به طرز قابل توجهی کمتر از تبخیر از سطح دریاچه بزرگ است.

(۳) خیلی کم، تبخیر از تشتک تبخیر به طرز قابل توجهی بیشتر از تبخیر از سطح دریاچه بزرگ است.

(۴) خیلی کم، تبخیر از تشتک تبخیر به طرز قابل توجهی کمتر از تبخیر از سطح دریاچه بزرگ است.

-۱۸ اگر آب زیرزمینی از آب‌خوان بسته پمپ شود، فشار یکپارچه آب‌خوان و فشار آب در منافذ آب‌خوان به ترتیب چه تغییری می‌کنند؟

(۱) افزایش - افزایش

(۳) کاهش - افزایش

(۲) افزایش - کاهش

(۴) کاهش - کاهش

-۱۹ چنانچه ضرایب یک آب‌خوان به صورت زیر باشد، انتقال پذیری در آب‌خوان بسته و همگن برابر کدام رابطه است؟

$K$  = هدایت هیدرولیکی اشباع

$D$  = عمق اشباع آب‌خوان

$S$  = ضریب ذخیره

$$\frac{K}{D} \quad (2) \quad K * D \quad (1)$$

$$\frac{K * D}{S} \quad (4) \quad \frac{K}{D * S} \quad (3)$$

-۲۰ کدامیک از سنت معادله‌ها، برای جریان آب زیرزمینی ماندگار عمودی بین دولایه افقی رسوب می‌باشد؟

$K$  = هدایت هیدرولیکی اشباع

$d_1, d_2$  = عمق ضخامت لایه‌ها

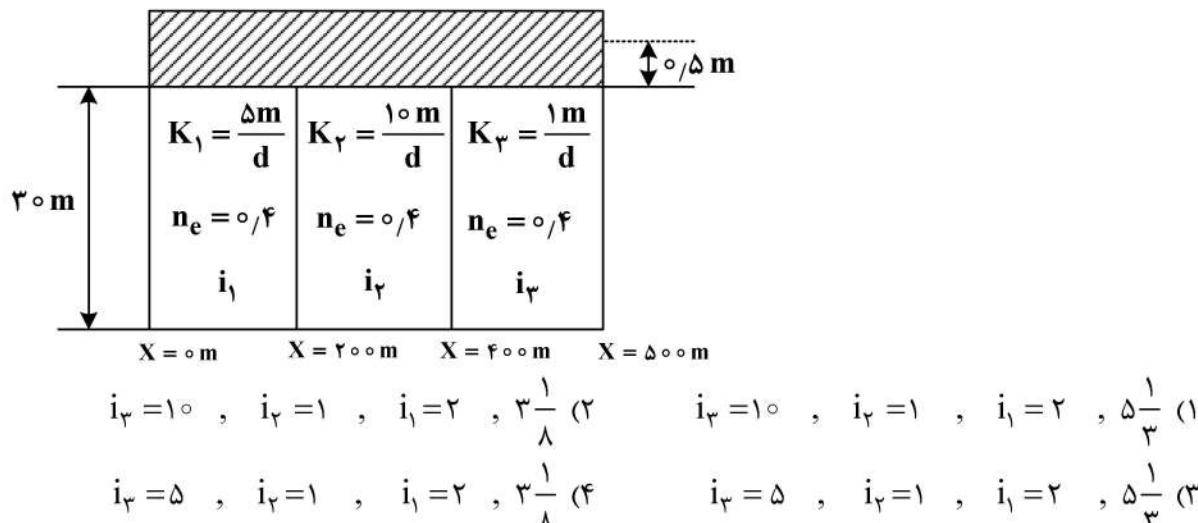
$q$  = تراکم شار حجم عمودی

$$q = q_1 + q_2 \quad \text{و} \quad \frac{d}{K} = \frac{d_1}{K_1} = \frac{d_2}{K_2} \quad (2) \quad q = q_1 = q_2 \quad \text{و} \quad \frac{d}{K} = \frac{d_1}{K_1} = \frac{d_2}{K_2} \quad (1)$$

$$q = q_1 + q_2 \quad \text{و} \quad \frac{d}{K} = \frac{d_1}{K_1} + \frac{d_2}{K_2} \quad (4) \quad q = q_1 = q_2 \quad \text{و} \quad \frac{d}{K} = \frac{d_1}{K_1} + \frac{d_2}{K_2} \quad (3)$$

-۲۱

در شکل داده شده هدایت هیدرولیکی معادل و شیب هیدرولیکی لایه‌ها کدام است؟



-۲۲- یک خاک مسطح با ظرفیت مزرعه (Field Capacity) ۵ سانتی‌متر باران می‌گیرد، که باعث افزایش سطح آب

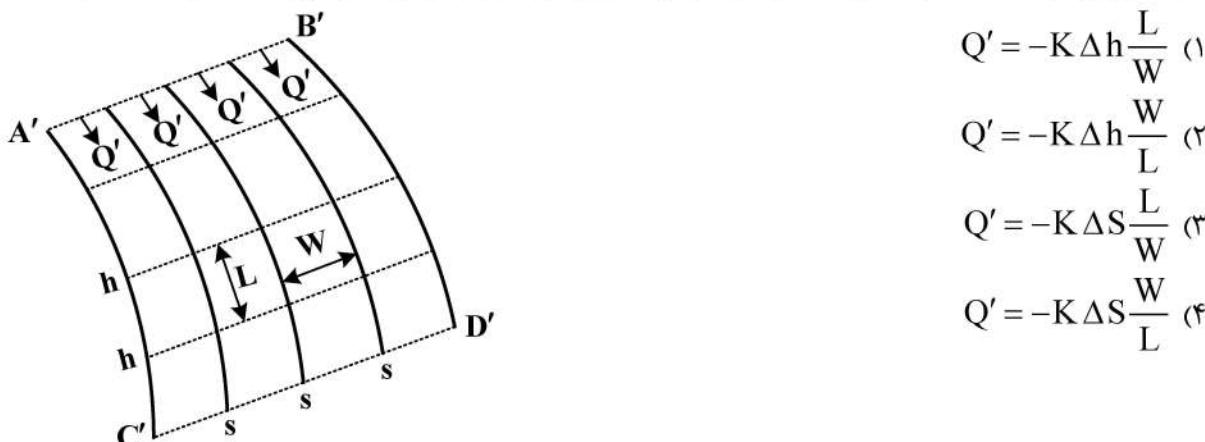
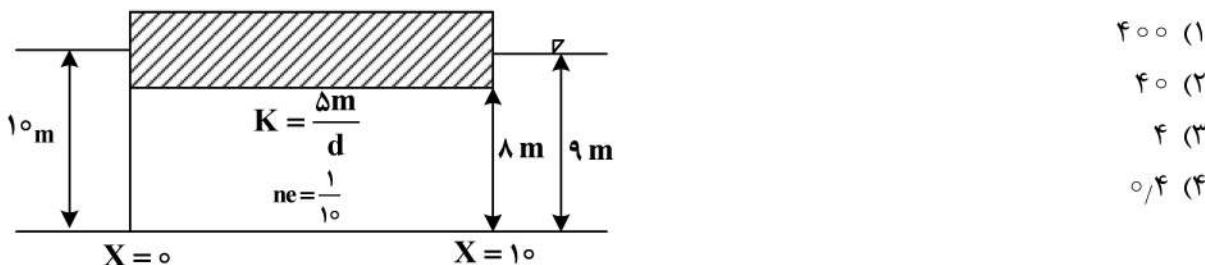
به میزان ۲۰ سانتی‌متر می‌شود. با صرف نظر کردن از میزان تبخیر، ضریب ذخیره کدام است؟

$$Q' = -K \Delta h \frac{L}{W} \quad (1)$$

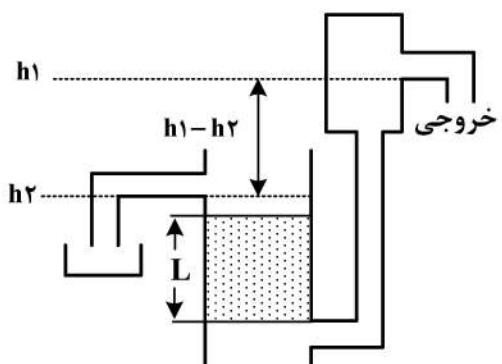
$$Q' = -K \Delta h \frac{W}{L} \quad (2)$$

$$Q' = -K \Delta S \frac{L}{W} \quad (3)$$

$$Q' = -K \Delta S \frac{W}{L} \quad (4)$$

-۲۳- در شکل زیر، در شبکه خطوط هم پتانسیل  $h$  و جریان  $S$ ، برای هر المان با عرض  $W$  و طول  $L$ ، مقدار  $Q'$  کدام است؟-۲۴- در شکل داده شده مقدار  $Q$  کدام است؟

-۲۵- در شکل زیر هدایت هیدرولیکی اشباع از کدام رابطه به دست می‌آید؟



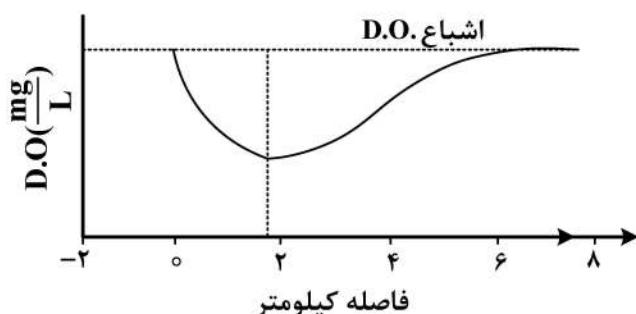
$$K = \frac{Q * A}{\Delta h * L} \quad (1)$$

$$K = \frac{Q * \Delta h}{A * L} \quad (2)$$

$$K = \frac{Q * A}{(\frac{\Delta h}{L})} \quad (3)$$

$$K = \frac{Q}{A * (\frac{\Delta h}{L})} \quad (4)$$

-۲۶- در نمودار زیر در کمترین حد DO، مقدار BOD کدام است؟



(۱) کمترین حد

(۲) بیشترین حد

(۳) حدوداً  $\frac{1}{2}$

(۴) حدوداً  $\frac{2}{3}$

-۲۷- مهم‌ترین عوامل مؤثر در سنجش سموم در منابع آب سطحی کدام است؟

(۱) حجم مصارف سموم مختلف در حوضه‌آبریز - زمان ماند سموم در محیط‌های آبی

(۲) ضریب حلالیت سموم در محیط‌های مختلف آبی، رسوب و بافت آبریز - زمان ماند سموم در محیط‌های آبی

(۳) ضریب حلالیت سموم در محیط‌های مختلف آبی، رسوب و بافت آبریز - حجم مصارف سموم مختلف در حوضه‌آبریز

(۴) توان دوم ضریب حلالیت سموم در محیط‌های مختلف آبی، رسوب و بافت آبریز - حجم مصارف سموم مختلف در حوضه‌آبریز

-۲۸- رابطه شوری (TDS) و هدایت الکتریکی (EC) در منابع آب‌های سطحی چگونه است؟

(۱) این دو پارامتر تقریباً معادل هم هستند و به جای هم قابل سنجش هستند.

(۲) شوری (TDS) بین  $25/0$ ٪ الی  $45/0$ ٪ هدایت الکتریکی (EC) است.

(۳) شوری (TDS) بین  $55/0$ ٪ الی  $75/0$ ٪ هدایت الکتریکی (EC) است.

(۴) اصولاً رابطه‌ای معنادار بین این دو پارامتر وجود ندارد.

-۲۹- چه پارامتری معرف مهم‌ترین آلودگی آب‌های زیرزمینی است و دلیل آن کدام است؟

(۱) نیترات است و دلیل آن وجود مواد مغذی زیاد در پیکره‌های آبی زیرزمینی است.

(۲) شوری است و دلیل آن ارتباط مستمر منابع آب زیرزمینی با سازنده‌های سور است.

(۳) BOD است و دلیل آن ارتباط مستمر منابع آب زیرزمینی با فاضلاب‌های خانگی است.

(۴) نیترات است و دلیل آن پایداری بیشتر این پارامتر در محیط‌های آبی در دراز مدت است.

- ۳۰ - دلیل جدا شدن منحنی تجزیه **BOD** بعد از ۵ روز کدام گزینه است؟
- ۱) فعال شدن دو مکانیزم نیتروژنی و فسفری
  - ۲) فعال شدن دو نوع تجزیه کربنی و فسفری
  - ۳) فعال شدن دو نوع تجزیه کربنی و نیتروژنی
  - ۴) این منحنی هیچگاه جداشدگی نخواهد داشت و فقط سرعت آن کم خواهد شد.
- ۳۱ - برای بررسی سموم و فلزات سنگین یک پیکره آبی سطحی به وسعت ۱۰۰ کیلومتر مربع، ۱۰ ایستگاه و ۴ دوره نمونه برداری پیشنهاد شده است. بعد از صحبت‌سنگی نتایج، اکثر نتایج در حد صفر و یا ND بوده است. تحلیل شما از وضعیت آلودگی سیستم چیست؟
- ۱) قطعاً آلوده است.
  - ۲) قطعاً آلوده نیست.
  - ۳) نمی‌توان اظهارنظر درستی کرد، باید مطالعه میدانی بیشتری کرد.
  - ۴) نمی‌توان اظهارنظر کاملاً درستی کرد، باید نمونه برداری بیشتری کرد.
- ۳۲ - فرض کنید به منظور تعیین وضعیت کیفی یک رودخانه ۱۲ بار در سال نمونه برداری شده است و پارامترهای DO و BOD سنجش و صحبت‌سنگی شده است. اگر مقدار BOD در اکثر موارد بالا باشد و DO نیز در حد اشباع باشد، تحلیل شما از وضعیت کیفی سیستم چیست؟
- ۱) رودخانه آلوده است و نیازی به اندازه گیری بیشتر نیست.
  - ۲) رودخانه آلوده نیست و نیازی به اندازه گیری بیشتر نیست.
  - ۳) رودخانه آلوده نیست اما نیاز است اندازه گیری بیشتری انجام شود.
  - ۴) نمی‌توان اظهارنظر قطعی کرد و نیاز است اندازه گیری ساعتی نیز انجام شود.
- ۳۳ - با توجه به اطلاعات متوسط فصلی زیر، تحلیل وضعیت آلودگی در سیستم این رودخانه فرضی در کدام گزینه درست است؟

پارامتر	DO(mg / l)	TN(mg / l)	TP(mg / l)
بهار	۱۰	۱۶	۰/۴۵
تابستان	۱۶	۲۵	۱/۵
پاییز	۸	۱۷	۰/۳
زمستان	۶	۱۰	۰/۲۵

- ۱) رودخانه دچار آلودگی بالا از نوع تنذیه گرایی است.
  - ۲) به دلیل بالا بودن اکسیژن محلول رودخانه کاملاً پاک است.
  - ۳) به دلیل پایین بودن فسفر و بالا بودن نیتروژن نمی‌توان اظهارنظر دقیق کرد.
  - ۴) به دلیل بالا بودن اکسیژن محلول و همچنین مقادیر نسبتاً بالای نیتروژن و فسفر رودخانه کمی آلوده است.
- ۳۴ - چگونه می‌توان شوری سطحی و زیرزمینی را از هم تفکیک نمود؟
- ۱) از طریق ترسیم نمودار دراز مدت شوری - زمان در مختصات لگاریتمی
  - ۲) از طریق ترسیم نمودار دراز مدت دبی - شوری در مختصات لگاریتمی
  - ۳) از طریق ترسیم نمودار دراز مدت شوری - زمان در مختصات نرمال
  - ۴) از طریق ترسیم نمودار دراز مدت دبی - شوری در مختصات نرمال

- ۳۵ فرض کنید سدی در شمال کشور و در محل تلاقی دو رودخانه (A,B) به ارتفاع ۱۰۰ متر و حجم حدودی ۱۰۰ مم ایجاد شده است. رودخانه A و B به ترتیب ۳۰ و ۷۰ درصد آورد دبی کل ورودی به سد را با خود دارند. همچنین سد مذبور صرفاً یک دریچه تخلیه برای آبگیری در رقوم پایین دارد. طی ۵ سال از بهره‌برداری سد مشکل کیفی حادی مشاهده نشده است، اما در شهریور سال گذشته با ورود یک سیلاب ۵۰ ساله در رودخانه A به نگاه تغییر شدید کیفیت (عمدتاً طعم و بو) در آب مخزن و به خصوص خروجی سد مشاهده است. این مشکل تا چندین روز ادامه داشته است. در حوضه بالادست سد به طور یکنواخت منابع آلاینده نقطه‌ای (عمدتاً روستا و دامداری) و غیر نقطه‌ای (کشاورزی و مرتع) وجود دارد. دلیل اصلی تغییر کیفی آب بعد از رخداد سیل کدام است؟

- ۱) عدم وجود دریچه‌های میانی و برج آبگیر در سد
- ۲) واژگونی زودهنگام لایه‌بندی کیفی و حرارتی مخزن
- ۳) بار بالای آلودگی ورودی به مخزن
- ۴) سن کم مخزن سد

- ۳۶ کدام رابطه نشان‌دهنده توازن هیدرولوژیکی در یک مخزن است؟

$$I - S = \frac{dS}{dt} \quad (۱) \quad I - S = \frac{dO}{dt} \quad (۲) \quad O - S = \frac{dI}{dt} \quad (۳) \quad I - O = \frac{dS}{dt} \quad (۴)$$

- ۳۷ شاخص عملکردی که بهوسیله آن بتوان بزرگی شکستهای یک سیستم را برآورد نمود، کدام است؟

- ۱) خطرپذیری
- ۲) آسیب‌پذیری
- ۳) اطمینان‌پذیری
- ۴) برگشت‌پذیری

- ۳۸ منحنی تبادل (Trade - off) بین کدام اهداف در یک مدل تخصیص بارآلودگی کاربرد کمتری دارد؟

- ۱) هزینه تصفیه - درصد تصفیه
- ۲) تخطی از استاندارد - هزینه تصفیه
- ۳) شاخص حرارت - تخطی از استاندارد - هزینه تصفیه
- ۴) درصد تصفیه - تخطی از استاندارد - حرارت

- ۳۹ در مدیریت کیفیت آب یک سیستم مخزنی، کدام مورد ارجحیت ندارد؟

- ۱) کنترل سیل
- ۲) تغذیه‌گرایی
- ۳) لایه‌بندی حرارتی
- ۴) دمای آب خروجی

- ۴۰ کدام عبارت در مورد سرانه مصرف آب مجازی صحیح‌تر است؟

۱) کل مصرف آب یک شخص در طول یک‌سال با جمع مصارف ضروری

۲) کل مصرف آب یک شخص در طول یک‌سال با جمع مصارف مستقیم

۳) کل مصرف آب یک شخص در طول یک‌سال با جمع مصارف غیرمستقیم

۴) کل مصرف آب یک شخص در طول یک‌سال با جمع مصارف مستقیم و غیرمستقیم

- ۴۱ در صورتی که سرانه آب به ازای هر نفر در سال بین ۱۰۰۰ تا ۱۷۰۰ مترمکعب باشد، در کدام وضعیت قرار داریم؟

Relative Sufficiency (۲)

Water Limitation (۱)

Water Stress (۴)

Water Scarcity (۳)

- ۴۲ در یک رودخانه، با استفاده از نسبت عرض به عمق، کدام دبی تعیین می‌شود؟

- ۱) دبی پایه
- ۲) دبی غالب
- ۳) دبی مقطع پر
- ۴) دبی ۵ ساله

- ۴۳ عدم وجود کفکنی در کنار وجود وضعیت ناپایدار، مشخصه کدام رودخانه است؟

۱) رودخانه شریانی

۲) رودخانه مستقیم

۳) رودخانه کوهستان

- ۴۴ - در بیلان آب در حوضه آبریز، کدام یک جزو ذخیره محاسبه نمی‌شود؟

۱) آب زیرزمینی آب‌خوان

۲) آب سطحی دریاچه و سد

۳) تبخیر و تعرق

۴) رطوبت خاک

- ۴۵ - کدام جریان در بررسی مسائل کیفیت آب کاربرد بیشتری دارد؟

۱) دبی با دوره بازگشت ۱۰ سال

۲) دبی ۷ روزه با دوره بازگشت ۱۰ سال

۱) دبی با دوره بازگشت ۱۰ سال

۲) دبی ۱۰ روزه با دوره بازگشت ۱۰ سال

۳) دبی ۱۴ روزه با دوره بازگشت ۲۰ سال



