

کد کنترل

535

A

# آزمون ورودی دوره دکتری (نیمه‌تمکز) – سال ۱۴۰۰

دفترچه شماره (۱)

صبح جمعه

۹۹/۱۲/۱۵



جمهوری اسلامی ایران

وزارت علوم، تحقیقات و فناوری  
سازمان سنجش آموزش کشور

اگر دانشگاه اصلاح شود مملکت اصلاح می‌شود.  
امام خمینی (ره)

## رشته فناوری نانو – نانوالکترونیک – (کد ۲۳۶۴)

مدت پاسخ‌گویی: ۱۵۰ دقیقه

تعداد سؤال: ۴۵

عنوان مواد امتحانی، تعداد و شماره سوالات

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سؤال	از شماره	تا شماره
۱	مجموعه دروس تخصصی: – ریاضی و فیزیک (ریاضی عمومی (۱و۲)، ریاضی فیزیک (۱و۲)، فیزیک پایه (۱و۲)) – مبانی نانوتکنولوژی – ادوات نیمه‌هادی پیشرفته	۴۵	۱	۴۵

استفاده از ماشین حساب مجاز نیست.

این آزمون نمره منفی دارد.

\* داوطلب گرامی، عدم درج مشخصات و امضا در مندرجات جدول ذیل، بهمنزله عدم حضور شما در جلسه آزمون است.

اینجانب ..... با شماره داوطلبی ..... با آگاهی کامل، یکسان بودن شماره صندلی خود را با شماره داوطلبی مندرج در بالای کارت ورود به جلسه، بالای پاسخ‌نامه و دفترچه سؤالات، نوع و کد کنترل درج شده بر روی دفترچه سؤالات و پائین پاسخ‌نامه‌ام را تأیید می‌نمایم.

امضا:

-۱ فرض کنید  $z = \alpha + i\beta$  یک ریشه مختلط  $z^3 + qz + r = 0$  باشد. در این صورت  $\alpha$  در کدام معادله زیر صدق می‌کند؟ (q و r اعداد حقیقی‌اند).

$$\alpha^3 - 2q\alpha + r = 0 \quad (1)$$

$$2\alpha^3 - 2q\alpha - r = 0 \quad (2)$$

$$\alpha^3 + 2q\alpha - r = 0 \quad (3)$$

$$2\alpha^3 + 2q\alpha + r = 0 \quad (4)$$

-۲ معادله  $[x] + [2-x] = x^2$  چند جواب دارد؟

(۱) معادله یک جواب دارد.

(۲) معادله دو جواب دارد.

(۳) معادله چهار جواب دارد.

-۳ مثلثی را در ربع اول صفحه مختصات در نظر بگیرید. دو ضلع مثلث بر محورهای مختصات و ضلع سومش بر خط

مماس بر منحنی  $y = e^{-x}$  واقع است. بیشترین مساحت ممکن مثلث کدام است؟

$$e \quad (1)$$

$$2e \quad (2)$$

$$\frac{2}{e} \quad (3)$$

$$\frac{1}{e} \quad (4)$$

-۴ اگر به ازای هر  $x > 0$  تابع پیوسته و دو بار مشتق‌پذیر  $f$  در تساوی

$\int_0^x f(t)dt = x(\ln x - 1) + \int_0^x t^2 f''(t)dt$  صدق کند،  $f(x)$  کدام است؟

$$c_1 x^2 + c_2 x^3 + \frac{1}{2} \ln x - \frac{1}{4} \quad (1)$$

$$c_1 x^{-1} + c_2 x^2 + \frac{1}{2} \ln x - \frac{1}{4} \quad (2)$$

$$c_1 x + c_2 x^3 + \ln x + 2 \quad (3)$$

$$c_1 x + c_2 x^2 + \ln x - 2 \quad (4)$$

-۵ سهمی  $x = \frac{1}{6}y^2$ ، قرص  $4x^2 + y^2 \leq 4$  را به دو قسمت تقسیم می‌کند. مساحت ناحیه بزرگ‌تر کدام است؟

$$\frac{8\pi - \sqrt{3}}{6} \quad (1)$$

$$\frac{8\pi + \sqrt{3}}{6} \quad (2)$$

$$\frac{4\pi - 5\sqrt{3}}{6} \quad (3)$$

$$\frac{4\pi + \sqrt{3}}{6} \quad (4)$$

-۶ انحنای منحنی  $y = 2e^{xy} + (2x+1)$  در نقطه‌ای به طول  $\circ$ ، کدام است؟

$$2/\sqrt{3} \quad (1)$$

$$0/2\sqrt{10} \quad (2)$$

$$2/3 \quad (3)$$

$$0/23 \quad (4)$$

-۷ حاصل انتگرال  $\int_0^\pi \int_x^\pi \frac{\sin y}{y} dy dx$ ، کدام است؟

$$0 \quad (1)$$

$$\frac{1}{2} \quad (2)$$

$$1 \quad (3)$$

$$2 \quad (4)$$

-۸ باشد، آن‌گاه  $\frac{\partial(x,y,z)}{\partial(u,v,w)}$ ، کدام است؟  $\begin{cases} u = x + y + z \\ uv = y + z \\ uvw = z \end{cases}$  اگر

$$u^v v \quad (1)$$

$$uv^v \quad (2)$$

$$uw^v \quad (3)$$

$$vw^v \quad (4)$$

-۹ فرض کنید  $S$  سطح کره‌ای به شعاع ۲ و مرکز مبدأ مختصات باشد. حاصل  $I = \iint_S x dy dz + y dx dz + z dx dy$  کدام است؟

$$4\pi \quad (1)$$

$$8\pi \quad (2)$$

$$16\pi \quad (3)$$

$$32\pi \quad (4)$$

-۱۰ هر ماتریس دلخواه  $A$  را می‌توان به صورت  $A = B + iC$  و  $C$  دو ماتریس هرمیتی هستند. ماتریس‌های

$$(i^2 = -1) \quad C \text{ و } B \text{ کدامند؟}$$

$$C = \frac{-1}{2i}(A - A^\dagger) \quad \text{و} \quad B = \frac{1}{2}(A + A^\dagger) \quad (1)$$

$$C = \frac{1}{2i}(A - A^\dagger) \quad \text{و} \quad B = \frac{1}{2}(A + A^\dagger) \quad (2)$$

$$C = \frac{1}{2i}(A^\dagger + A) \quad \text{و} \quad B = \frac{i}{2}(A - A^\dagger) \quad (3)$$

$$C = \frac{i}{2}(A + A^\dagger) \quad \text{و} \quad B = \frac{1}{2i}(A - A^\dagger) \quad (4)$$

-۱۱ اگر  $r = |\vec{r}|$  باشد، کدام رابطه نادرست است؟

$$\nabla^2 \frac{1}{r} = 0 \quad (1)$$

$$\vec{\nabla} \times \vec{r} = 0 \quad (2)$$

$$\vec{\nabla} \cdot \vec{r} = 3 \quad (3)$$

$$\vec{\nabla} \ln r = \frac{\vec{r}}{r^2} \quad (4)$$

-۱۲ اگر بردار مکان  $(r = |\vec{r}|)$  و  $\vec{A}$  برداری ثابت باشد، حاصل عبارت  $\nabla^2(\vec{A} \cdot \vec{r})$  کدام است؟

(۱) صفر

$$-\frac{|\vec{A}|}{r^2} \quad (2)$$

$$3 \frac{\vec{A} \cdot \vec{r}}{r^3} \quad (3)$$

$$2r \vec{A} \cdot \vec{r} \quad (4)$$

-۱۳ در صفحه مختلط، حاصل انتگرال  $\int_C dz \frac{z-3}{z(z+2)^2}$  کدام است؟ (انتگرال روی دایره  $C$  به شعاع  $|z| = 3$  و به مرکز

مختصات و در جهت مثبت مثلثاتی گرفته می‌شود).

$$-1/5\pi i \quad (1)$$

$$1/5\pi i \quad (2)$$

$$3\pi i \quad (3)$$

(۴) صفر

- ۱۴ تابع دلتای دیراک  $(\delta(x^2 - x - 10))$  برابر با کدام عبارت است؟

$$\frac{1}{13} \delta(x - 2) \delta(x + \frac{5}{3}) \quad (1)$$

$$\frac{1}{13} \left( \delta(x + 2) + \delta(x - \frac{5}{3}) \right) \quad (2)$$

$$\frac{1}{11} \left( \delta(x - 2) + \delta(x + \frac{5}{3}) \right) \quad (3)$$

$$\frac{1}{11} \left( \delta(x - 2) - \delta(x + \frac{5}{3}) \right) \quad (4)$$

- ۱۵ تابع  $\tilde{f}(k)$  تبدیل فوریه تابع  $f(x) = \begin{cases} \frac{1}{2a} & \text{for } |x| \leq a \\ 0 & \text{for } |x| > a \end{cases}$  کدام است؟

$$\frac{1}{\sqrt{2\pi}} \frac{\exp(-ikx)}{ak} \quad (1)$$

$$\frac{1}{\sqrt{2\pi}} \frac{\exp(ikx)}{ak} \quad (2)$$

$$\frac{1}{\sqrt{2\pi}} \frac{\cos(akx)}{ak} \quad (3)$$

$$\frac{1}{\sqrt{2\pi}} \frac{\sin(akx)}{ak} \quad (4)$$

- ۱۶ اگر تبدیل لاپلاس تابع  $F(t)$  به شکل  $\mathcal{L}(F(t)) = \int_0^\infty dt e^{-st} F(t)$  تعریف شود که در آن  $s > 0$ ، تابع

$$\left( F'(t) = \frac{dF(t)}{dt} \right) \text{ در کدام رابطه صدق می‌کند؟}$$

$$\mathcal{L}(F'(t)) = s \mathcal{L}(F(t)) + F(0) \quad (1)$$

$$\mathcal{L}(F'(t)) = s \mathcal{L}(F(t)) - F(0) \quad (2)$$

$$\mathcal{L}(F'(t)) = s^{-1} \mathcal{L}(F(t)) + F(0) \quad (3)$$

$$\mathcal{L}(F'(t)) = s^{-1} \mathcal{L}(F(t)) - F(0) \quad (4)$$

- ۱۷ با توجه به تابع مولد توابع بسل  $e^{(x/2)(t-1/t)} = \sum_{m=-\infty}^{\infty} J_m(x) t^m$  کدام رابطه همواره درست است؟

$$J_m(-x) = J_m(x) \quad (1)$$

$$J_m(-x) = -J_m(x) \quad (2)$$

$$J_m(x) = (-1)^m J_m(-x) \quad (3)$$

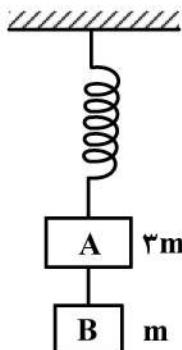
$$J_m(x) = (-1)^{m+1} J_m(-x) \quad (4)$$

- ۱۸- توان دریافتی بر واحد سطح زمین که نور خورشید به صورت عمود بر آن می‌تابد  $\frac{W}{m^2} = 21 \times 10^3$  است. اگر خورشید با همین آهنگ به تابش انرژی ادامه دهد، چند سال طول می‌کشد تا خورشید نیم درصد از جرمش را از دست بدهد؟
- (۱)  $8 \times 10^4$   
 (۲)  $8 \times 10^6$   
 (۳)  $8 \times 10^8$   
 (۴)  $8 \times 10^{10}$
- ۱۹- یک چشمۀ نور، با شدت  $\frac{kW}{m^2} = 24\pi$  گسیل می‌کند. دامنه میدان مغناطیسی آن چند میکروتسلا است؟
- (۱)  $6\pi$   
 (۲)  $8\pi$   
 (۳)  $12\pi$   
 (۴)  $16\pi$
- ۲۰- پروتونی در مسیری دایره‌ای به شعاع  $20\text{ cm}$  به طور عمود بر یک میدان مغناطیسی به بزرگی  $5 \times 10^{-5}$  تسلا در حرکت است. بزرگی تکانه پروتون چند  $\frac{m}{s^2}$  است؟ (اندازه بار الکتریکی پروتون  $C = 1.6 \times 10^{-19}$  می‌باشد.)
- (۱)  $3/2 \times 10^{-21}$   
 (۲)  $1/6 \times 10^{-17}$   
 (۳)  $1/6 \times 10^{-21}$   
 (۴)  $3/2\pi \times 10^{-21}$
- ۲۱- ذره‌ای بدون سرعت اولیه در سقوط آزاد از یک ارتفاع معین، ۶۴ درصد کل آن ارتفاع را در یک ثانیه آخر سقوط‌ش طی کرده است. ارتفاع مذبور چند متر بوده است؟ ( $g = 9.8 \frac{m}{s^2}$ )
- (۱)  $30/62$   
 (۲)  $61/25$   
 (۳)  $38/76$   
 (۴)  $122/5$
- ۲۲- یک جعبه ۴ کیلوگرمی بر روی یک سطح بدون اصطکاک با سرعت  $1 \frac{m}{s}$  در حال لغزش است. در یک لحظه نیروی ثابتی در راستای حرکت جعبه به آن وارد می‌شود و به فاصله ۳ متر حرکت جعبه این نیروی ثابت به جعبه اعمال می‌شود و سرعت جعبه به  $\frac{m}{s}$  می‌رسد. اندازه نیروی وارد به جعبه چند نیوتن است؟
- (۱) ۱  
 (۲) ۲  
 (۳) ۳  
 (۴) ۴

- ۲۳- اگر خطای نسبی اندازه‌گیری سرعت یک جسم  $10$  درصد باشد، خطای نسبی اندازه‌گیری انرژی جنبشی چند درصد است؟ (خطای اندازه‌گیری جرم را در نظر نگیرید).

- ۲۰ (۱)
- ۱۵ (۲)
- ۱۰ (۳)
- ۵ (۴)

- ۲۴- مطابق شکل زیر، مکعب A به جرم  $3m$  توسط یک فنر بدون جرم از سقف آویزان شده است. مکعب B به جرم  $m$  توسط ریسمانی محکم به مکعب A متصل شده است. مقدار شتاب مکعب‌های A و B پس از قطع ریسمان به ترتیب از راست به چپ کدام است؟



- $g, g$  (۱)
- $\frac{g}{3}, g$  (۲)
- $g, \frac{g}{3}$  (۳)
- $\frac{g}{3}, \frac{g}{3}$  (۴)

- ۲۵- جعبه‌ای با دیواره‌های نازک، حجمی برابر با  $1200\text{cm}^3$  و جرمی برابر با  $200\text{g}$  دارد. حداقل چند عدد ساچمه سوبی باید روی جعبه قرارداد تا کاملاً در آب فرو رود؟ (جرم هر ساچمه  $10\text{g}$  است).

- ۵۰ (۱)
- ۱۰۰ (۲)
- ۱۲۰ (۳)
- ۶۰ (۴)

- ۲۶- در کدام میکروسکوپ، مبنای تشکیل تصویر نیروهای بین اتمی است؟

- |         |         |
|---------|---------|
| SEM (۲) | AFM (۱) |
| TEM (۴) | STM (۳) |

- ۲۷- اگر یک قطره آب به حجم  $4\mu\text{m}^3$  را به  $1000$  قسمت مساوی تقسیم کنیم، سایز تقریبی نانوذرات حاصله چند نانومتر است؟

- ۱۰۰nm (۱)
- ۱۰nm (۲)
- ۱nm (۳)
- ۹۰۰nm (۴)

- ۲۸- کدام روش مشخصه یابی قادر به تعیین ساختار کریستالی نیست؟

- |          |         |
|----------|---------|
| XRF (۲)  | TEM (۱) |
| WAXS (۴) | XRD (۳) |

- ۲۹- با کوچک شدن ابعاد در هر سه بعد، با فرض ثابت بودن خواص الکتریکی، ظرفیت خازن و مقدار مقاومت الکتریکی به ترتیب چه تغییری می‌کند؟
- (۱) افزایش، افزایش
  - (۲) افزایش، کاهش
  - (۳) کاهش، افزایش
  - (۴) کاهش، کاهش
- ۳۰- با افزودن نانوذرات فلزی به سیال پایه آب، کدام خاصیت سیال کاهش می‌یابد؟
- (۱) هدایت الکتریکی
  - (۲) هدایت حرارتی
  - (۳) لزجت دینامیکی
  - (۴) ظرفیت گرمایی ویژه
- ۳۱- چگالی ترازهای مجاز انرژی در کدام ساختار بیشتر است؟
- (۱) توده
  - (۲) نقطه کوانتوسی
  - (۳) صفحه کوانتوسی
  - (۴) سیم کوانتوسی
- ۳۲- با افزایش چگالی الکترون‌های آزاد در یک ماده، انتظار دارید طول موج فرمی و طول پویش آزاد به ترتیب چگونه تغییر کنند؟
- (۱) افزایش - افزایش
  - (۲) افزایش - کاهش
  - (۳) کاهش - افزایش
  - (۴) کاهش - کاهش
- ۳۳- با کاهش اندازه یک نانوذره نیمه‌هادی به تدریج لبه تراز هدایت به اندازه  $5/0$  الکترون ولت و لبه تراز ظرفیت به اندازه  $1/0$  الکترون ولت جایه‌جا شده‌اند. کدام عبارت صحیح است؟
- (۱) چگالی الکترون < چگالی حفره
  - (۲) چگالی حفره > چگالی الکترون
  - (۳) جرم مؤثر الکترون < جرم مؤثر حفره
  - (۴) جرم مؤثر الکترون > جرم مؤثر حفره
- ۳۴- در اندازه‌گیری ضریب جذب نوری دو ماده A و B نمودار زیر به‌دست آمده است. کدام عبارت برای توصیف این منحنی صحیح است؟
- ضریب جذب
- 
- A
- B
- λ طول موج
- (۱) گاف انرژی ماده A < گاف انرژی ماده B
  - (۲) گاف انرژی ماده B < گاف انرژی ماده A
  - (۳) گاف انرژی ماده A غیرمستقیم و گاف انرژی ماده B مستقیم است.
  - (۴) گاف انرژی ماده B غیرمستقیم و گاف انرژی ماده A مستقیم است.
- ۳۵- در طراحی یک نانوکاتالیست برای آنکه رادیکال‌های هیدروکسیل و سوپراکسید هر دو بتوانند منجر به حذف آلاینده‌ها شوند، ابعاد ذره چه ویژگی باید داشته باشد؟
- (۱) بزرگتر از لایه تهی
  - (۲) کوچکتر از لایه تهی
  - (۳) بزرگتر از لایه هلمهولتز
  - (۴) کوچکتر از لایه هلمهولتز
- ۳۶- در یک دیود رخشایی (LED) با محدود کردن عرض ناحیه فعال، چه تغییری در مشخصه خروجی آن ایجاد می‌شود؟
- (۱) افزایش رخشایی
  - (۲) افزایش ولتاژ کار
  - (۳) پالسی شدن نور خروجی
  - (۴) جایه‌جایی به سمت طول موج‌های بزرگ‌تر

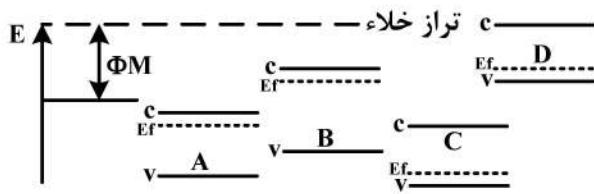
- ۳۷ به منظور تبدیل نیمه‌هادی سیلیکون ( $n_i = 10^{10} \text{ cm}^{-3}$ ) به نوع n، آن را با فسفر با غلظت  $10^{16} \text{ cm}^{-3}$  دپ نموده‌ایم. فاصله تراز  $E_F$  از  $E_i$  در دمای  $300\text{ K}$ ، چند الکترون ولت است؟

- (۱)  $0.03\text{ eV}$   
 (۲)  $0.36\text{ eV}$   
 (۳)  $3.6\text{ eV}$   
 (۴)  $3\text{ eV}$

- ۳۸ کدام عبارت بیانگر «بازدهی کوانتومی داخلی» در یک سلول خورشیدی است؟

- (۱) تعداد الکترون تزریق شده به تعداد الکترون خروجی  
 (۲) تعداد الکترون تزریق شده به تعداد فوتون تابیده شده  
 (۳) تعداد الکترون تولید شده به تعداد فوتون جذب شده  
 (۴) تعداد الکترون تولید شده به تعداد فوتون تابیده شده

- ۳۹ چهار نیمه‌هادی زیر را در نظر بگیرید. انتظار دارید از لایه نشانی کدام‌یک از لایه‌ها بر روی فلز M، اتصال شانکی ایجاد شود؟



- (۱) B و A  
 (۲) C و B  
 (۳) D و A  
 (۴) D و C

- ۴۰ به منظور ساخت دو LED از دو نیمه‌هادی با شکاف‌های انرژی  $1/24\text{ eV}$  و  $2/48\text{ eV}$  استفاده شده است. نور ساطع شده از این LED‌ها به ترتیب در چه ناحیه‌ای قرار دارد؟

- (۱) فروسرخ - سبز  
 (۲) سبز - فرابنفش  
 (۳) فرابنفش - فروسرخ  
 (۴) فرو سرخ - فرابنفش

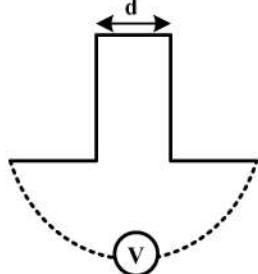
- ۴۱ برای این‌که یک ترانزیستور تک الکترونی بتواند در دمای اتاق کار کند، کدام شرط باید برقرار باشد؟

$$\begin{aligned} KT &\gg \frac{e^2}{2C} & (1) \\ KT &\gg \frac{C}{2e^2} & (2) \\ KT &\ll \frac{C}{2e^2} & (3) \\ KT &\ll \frac{e^2}{2C} & (4) \end{aligned}$$

- ۴۲ کدام گزینه در مورد MESFET نادرست است؟

- (۱) در الکترود گیت سد Schottky وجود دارد.  
 (۲) در الکترود درین پیوند اهمی وجود دارد.  
 (۳) در الکترود سورس پیوند اهمی وجود دارد.  
 (۴) ضخامت لایه اکسید گیت، حداقل نصف طول کانال باید باشد.

- ۴۳- با فرض ثابت بودن پتانسیل الکتریکی بین دو ناحیه شکل زیر، اگر احتمال تونلزنی، برابر با  $A$  باشد، با نصف شدن فاصله، مقدار احتمال تونلزنی چه خواهد بود؟



- (۱)  $A^2$  کمتر،
- (۲) بیشتر،  $A^2$
- (۳)  $\sqrt{A}$  کمتر،
- (۴) بیشتر،  $\sqrt{A}$

- ۴۴- یک قطعه As با Si و غلظت  $10^{17} \text{ cm}^{-3}$  دُب شده است. در اندازه‌گیری‌های الکتریکی، مقدار مقاومت ویژه این قطعه  $\frac{\Omega \cdot \text{cm}}{\text{v.s}}$  اندازه‌گیری شده است. مقدار موبیلیتی الکترون در این قطعه چند کدام است؟

- (۱) ۱۰۰۰
- (۲) ۱۰۰
- (۳) ۶۰
- (۴) ۶

- ۴۵- در یک نیمه‌هادی نوع P، چگالی حفره‌ها به صورت  $P = 10^{18} (2 - (\frac{x}{1\text{cm}})^2) \text{ cm}^{-3}$  تغییر می‌کند. با در نظر گرفتن

$$\text{ضریب نفوذ } D_p = 18 \frac{\text{cm}^2}{\text{s}}, \text{ مقدار جریان نفوذ در نقطه } x = 0.5\text{cm} \text{ چند است؟}$$

- (۱) ۵۷/۶
- (۲) ۲/۸۸
- (۳)  $2/88 \times 10^{-9}$
- (۴)  $57/6 \times 10^{-9}$



