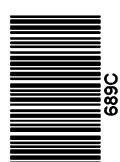
کد کنترل







جمهوری اسلامی ایران وزارت علوم، تحقیقات و فناوری سازمان سنجش آموزش کشور

عصر جمعه ۱۴۰۲/۱۲/۰۴

دفترچه شماره ۳ از ۳

«در زمینه مسائل علمی، باید دنبال قلّه بود.» مقام معظم رهبری

آزمون ورودی دورههای دکتری (نیمهمتمرکز) ـ سال 1403

ریاضی (کد ۲۲۳۳)

مدتزمان پاسخگویی: ۱۳۵ دقیقه

تعداد سؤال: ۷۵

عنوان مواد امتحانی، تعداد و شماره سؤالها

تا شماره	از شماره	تعداد سؤال	مواد امتحانی	ردیف
۱۵	١	۱۵	مبانی علوم ریاضی _مبانی ماتریسها و جبر خطی _مبانی آنالیز ریاضی	١
۲۵	18	1.	مبانی آنالیز عددی ـ مبانی احتمال ـ بهینهسازی خطی	۲
٣۵	78	١٠	مبانی جبر ـ توپولوژی	٣
40	48	١٠	آنالیز حقیقی ۱	۴
۵۵	48	1.	جبر پیشرفته ۱	۵
۶۵	۵۶	1.	بهینهسازی خطی پیشرفته ۱ ـ آنالیز عددی پیشرفته	۶
٧۵	99	١٠	اصول آموزش ریاضی	٧

این آزمون، نمره منفی دارد.

استفاده از ماشینحساب مجاز نیست.

حق چاپ، تکثیر و انتشار سؤالات به هر روش (الکترونیکی و ...) پس از برگزاری آزمون، برای تمامی اشخاص حقیقی و حقوقی تنها با مجوز این سازمان مجاز میباشد و با متخلفین برابر مقررات رفتار می شود.

* داوطلب گرامی، عدم درج مشخصات و امضا در مندرجات جدول زیر، بهمنزله عدم حضور شما در جلسه آزمون است.

اینجانب با شماره داوطلبی با شماره داوطلبی با آگاهی کامل، یکسان بودن شماره صندلی خود با شماره داوطلبی مندرج در بالای کارت ورود به جلسه، بالای پاسخنامه و دفترچه سؤالها، نوع و کد کنترل درجشده بر روی دفترچه سؤالها و پایین پاسخنامهام را تأیید مینمایم.

امضا:

مبانی علوم ریاضی ـ مبانی ماتریسها و جبر خطی ـ مبانی آنالیز ریاضی:

را که شمارا است به $\left\{A_n:n\in\mathbb{N}
ight\}$ نمایش را که شمارا است به $\left\{(p,q):p,q\in\mathbb{Q}\cap(-1,1)
ight\}$ نمایش -1

باست است؛
$$A = \bigcap_{k=1}^{\infty} \bigcup_{m=k}^{\infty} A_m$$
 درست است؛

- $A = \emptyset$ ()
- A = (-1, 1) (7
- $-1 < \inf A$, $\sup A < 1$ (*
- $\sup A = 1$, $\inf A = -1$, $\bigoplus A \neq (-1, 1)$ (*
- ۱- گزاره منطقی زیر با کدام گزینه معادل (همارز)، نیست؟

 $\forall x (A(x) \Rightarrow \forall z \exists y B(x,y,z))$

- $\forall x (\neg A(x) \lor \forall z \exists y B(x, y, z))$ (\)
- $\forall y (A(y) \Rightarrow \forall z \exists x B(y, x, z)) \ (\Upsilon$
- $\forall u (A(u) \Rightarrow \exists y \forall z B(u, y, z)) \ ($
- $\forall t (\exists z \, \forall y \, \neg B(t, y, z) \Rightarrow \neg A(t)) \ ($
- X فرض کنید X یک مجموعه و F خانوادهای از زیرمجموعههای ناتههی X مجهز به رابطه ترتیبی شمول باشد بهطوری که F و هر زیرمجموعه F دارای کران بالا و پایین در F است. رابطه F بهصورت زیر تعریف می کنیم: F و هر زیرمجموعه F دارای کران بالا و پایین در F است. رابطه F و F و F و F هرگاه F هرگاه F و F هرگاه F هرگاه F و نافت شود که بهازای هر F و نافت شود که به نافت شود که نافت که نافت شود که نافت شود که نافت شود که نافت شود که نافت که نافت شود که نافت که نافت که نافت شود که نافت ک

کدام گزینه درباره رابطه ، درست است؟

- ۱) رابطه ~ همارزی است.
- $\forall f, g \in X^X (f \sim g \Leftrightarrow fog \sim go f)$ (7)
- $\forall f, g, h \in X^X (f \sim g \Leftrightarrow foh \sim go h)$ (*
- . fof(x)=x موجود باشد که $x\in X$ اگر تنها اگر $f\sim f^{-1}$, $f\in X^X$ موجود باشد که (۴
 - ۴- فرض کنید $\mathbf{f}: \mathbf{X} o \mathbf{Y}$ یک تابع باشد. کدام گزینه با پوشابودن تابع \mathbf{f} معادل، نیست؟
 - $\forall B \subset Y : f(f^{-1}(B)) = B \ (1)$
 - $\forall A, B \subset Y : f^{-1}(A) = f^{-1}(B) \Leftrightarrow A = B$ (7)
 - $\forall A, B \subset Y: f^{-1}(B \setminus A) = f^{-1}(B) \setminus f^{-1}(A)$ (**
- ۴) بهازای هر A A A A افرازی از A باشد، آنگاه A A افرازی از A است. A افرازی از A است.

ریاضی (کد ۲۲۳۳) صفحه ۳

ه فرض کنید eta ، eta و γ اعداد اصلی ترامتناهی هستند بهطوری که $eta < \gamma$. با پذیرش فرض پیوستار تعمیمیافته، کدام گزینه، درست است؟

$$\alpha^{\beta} < \alpha^{\gamma}$$
 (1

$$\beta + \alpha < \gamma + \alpha$$
 (7

$$\beta^{\alpha} < \gamma^{\alpha}$$
 (٣

$$r^{\beta} < r^{\gamma}$$
 (*

6- فرض کنید $\mathbb{R}^{7} \to \mathbb{R}^{7}$ با ضابطه $\mathbf{T}:\mathbb{R}^{7} \to \mathbf{Y}+\mathbf{Z}$ و $\mathbf{x}+\mathbf{Y}+\mathbf{z}$ و $\mathbf{x}+\mathbf{Y}+\mathbf{z}$ تعریف شده باشد. در این صورت برد \mathbf{T} ، کدام است؟

$$\{(x,y,z)|x-ry+rz=\circ\} \ (1$$

$$\left\{ (x,y,z) \middle| \forall x + \forall y - \forall z = 0 \right\}$$

$$\{(x,y,z)|x+\gamma y-\gamma z=\circ\} \ (\gamma$$

$$\{(x,y,z)\big| \forall x + \forall y - \Delta z = 0\} \quad ($$

 d_{Y} فرض کنید V فضایی برداری روی \mathbb{R} باشد و V_{Y} و و زیرفضای برداری V، به تر تیب، با بعدهای d_{Y} و باشند. $W = \{(u\,,u+u'):u\in V_{\mathsf{Y}}\}$ و $u'\in V_{\mathsf{Y}}\}$ اگر $\{v_{\mathsf{Y}}\}$ و $v_{\mathsf{Y}}\}$ آنگاه بُعد v_{Y} به تر تیب، با بعدهای v_{Y} و باشند.

$$\min\left\{d_{\gamma},d_{\gamma}\right\} (\gamma)$$

$$d_1 + d_7$$
 (7

$$\max \{d_1, d_7\}$$
 ($^{\circ}$

$$rd_1+d_r$$
 (*

کدام یک از $\mathbf{B} = \mathbf{A}$ و \mathbf{B} ماتریسهای غیرهمانی $\mathbf{A} \times \mathbf{A}$ روی میدان اعداد حقیقی باشند که $\mathbf{A} = \mathbf{B}$ و $\mathbf{B} = \mathbf{A}$. کدام یک از گزارههای زیر نادرست است؟

$$A^{\Upsilon} = A$$
 ()

$$(A-B)^{\Upsilon}=0$$
 (Υ

$$B^{r} = B$$
 (r

$$(A+B)^{\Upsilon}=0 \ (\Upsilon$$

9- فرض کنید A و B ماتریسهایی $n \times n$ روی \mathbb{R} باشند بهطوری که A و B و B خودتوان باشند. در اینصورت کدام گزاره نادرست است؟ (ماتریس M را خودتوان گوییم هرگاه $M^{\mathsf{T}}=M$ باشد.)

$$tr(AB) = 0$$

$$AB = BA$$
 (Y

$$tr(BA + rAB) = \circ (r$$

$$AB = -BA$$
 (§

ریاضی (کد ۲۲۳۳) **689** C صفحه ۴

$$\mathbf{A}=egin{bmatrix} \mathbf{T} & -\mathbf{I} & \circ \\ \circ & \mathbf{T} & \circ \\ \mathbf{I} & -\mathbf{I} & \mathbf{T} \end{bmatrix}$$
 کدام است؟ $-\mathbf{I}$

$$(t-r)(t-r)$$

$$(t-r)(t-r)^r$$
 (r

$$(t-r)^{r}(t-r)$$
 (r

$$(t-r)^{r}(t-r)^{r}$$
 (r

$$\left\{x_{n}\right\}$$
 دنباله بازگشتی $\left\{x_{n}\right\}$ را با ضابطه $\left\{x_{n}\right\}$ و $\left\{x_{n}\right\}$ تعریف می کنیم. کدام مورد درباره دنباله $\left\{x_{n}\right\}$ درست است؟ ($\left\{Log\right\}$ نماد لگاریتم طبیعی است.)

- ۱) کراندار نیست.
- ۲) یکنوا و کراندار است.
- ۳) یکنوا نیست، ولی کوشی است.
- $. \lim \inf_{n \to \infty} x_n \neq \limsup_{n \to \infty} x_n \quad (f$

است؟
$$\sum_{n=1}^{\infty} \mathbf{u_n}$$
 دنبالهای نزولی از اعداد حقیقی باشد که سری $\mathbf{u_n}$ همگراست. کدام مورد، $\mathbf{u_n}$ است؟

$$\limsup_{n\to\infty} \frac{u_{n+1}}{u_n} < 1$$
 (1)

$$\lim_{n\to\infty} nu_n = 0 \quad (7)$$

سری
$$\displaystyle \sum_{n=1}^{\infty} \frac{\sqrt{u_n}}{n}$$
 همگرا است.

ا سری
$$\sum_{n=1}^{\infty} u_n \sin(n)$$
 همگرا است.

۱۳- فرض کنید $(1, \circ) \rightarrow (1, \circ)$. کدام مورد، نادرست است؟

۱) اگر f پیوسته باشد، آنگاه هر دنباله همگرا به نقطهای در (\cdot, \cdot) را به یک دنباله همگرا مینگارد.

۲) اگر f هر دنبالهٔ کوشی را به یک دنباله کوشی بنگارد، آنگاه f پیوسته است.

۳) اگر f هر دنباله همگرا به نقطهای در (0,1)را به یک دنباله همگرا بنگارد، آنگاه f پیوسته است.

۴) اگر f پیوسته باشد، آنگاه هر دنباله کوشی را به یک دنباله کوشی مینگارد.

۱۴ مورد، $\mathbf{f}(0) > 0$ و $\mathbf{f}'' > 0$ و مثبت باشد ($\mathbf{f}(0) > 0$ و دارای مشتق مرتبه دوم مثبت باشد ($\mathbf{f}(0) > 0$ و دارای مشتق مرتبه دوم مثبت باشد ($\mathbf{f}(0) > 0$ و دارای مشتق مرتبه دوم مثبت باشد ($\mathbf{f}(0) > 0$ و دارای مشتق مرتبه دوم مثبت باشد ($\mathbf{f}(0) > 0$ و دارای مشتق مرتبه دوم مثبت باشد ($\mathbf{f}(0) > 0$ و دارای مشتق مرتبه دوم مثبت باشد ($\mathbf{f}(0) > 0$ و دارای مشتق مرتبه دوم مثبت باشد ($\mathbf{f}(0) > 0$ و دارای مشتق مرتبه دوم مثبت باشد ($\mathbf{f}(0) > 0$ و دارای مشتق مرتبه دوم مثبت باشد ($\mathbf{f}(0) > 0$ و دارای دارای مشتق مرتبه دوم مثبت باشد ($\mathbf{f}(0) > 0$ و دارای دارای مشتق مرتبه دوم مثبت باشد ($\mathbf{f}(0) > 0$ و دارای دارای مشتق مرتبه دوم مثبت باشد ($\mathbf{f}(0) > 0$ و دارای دار

.
$$f'(1) > 1$$
 آنگاه $f(\frac{1}{7}) = \frac{1}{7}$ آنگاه ا

f(x) = x وجود دارد که $x \in (0, 1)$ آنگاه عضوی مانند (f'(0) > 1) وجود دارد که

$$f'(x) \neq 1, x \in (\circ, 1)$$
 اگر $f'(1) > 1$ ، آنگاه برای هر (۲, ۱) اگر ۱

$$f'(x)=1$$
 وجود دارد که $X\in (\circ,1)$ آنگاه عضوی مانند $X\in (\circ,1)$ وجود دارد که $f(\frac{1}{7})=\frac{1}{7}$

یاضی (کد ۲۲۳۳) مفحه ۵

- .f(x+p) = f(x) ، $x \in \mathbb{R}$ را متناوب گوییم هرگاه عددی مانند p > 0یافت شود، بهطوری که به ازای هر $f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$ را متناوب گوییم هرگاه عددی مانند f باشد. کدام مورد درباره تابع f درست است؟
 - ۱) کراندار و مشتقپذیر است.
 - ۲) کراندار و یکنواخت پیوسته است.
 - ۳) کراندار است، ولی ممکن است یکنواخت پیوسته نباشد.
 - ۴) یکنواخت پیوسته است، ولی ممکن است کراندار نباشد.

مبانی آنالیز عددی ـ مبانی احتمال ـ بهینهسازی خطی:

- را درنظر $\left(a_{\varsigma},b_{\varsigma}\in\left\{ ^{\circ},1,...,9\right\} \right)$ $b=^{\circ}/^{1174}+b_{\varsigma}\times^{10^{-5}}$ و $a=^{\circ}/^{1174}+a_{\varsigma}\times^{10^{-5}}$ را درنظر a-b باشد، آنگاه از میان اعداد زیر، کوچکترین کران بالا برای خطای نسبی a-b کدام است؟
 - $\frac{1}{7} \times 10^{-2}$ (1
 - o/**f** (7
 - 4,7 (7
 - 4/0 (4
- از معادلهٔ α و ساده α از معادلهٔ α برای محاسبهٔ ریشهٔ حقیقی و ساده α از معادلهٔ α از α با α برای محاسبهٔ ریشهٔ حقیقی و ساده α از معادلهٔ α از α باشد، α و α و α باشد، اگر α باشد، اگر α باشد، اگر α باشد، اگر α و α باشد، اگر α باشد، اگ

$$g(\alpha) + g'(\alpha) = \frac{r}{r}f'(\alpha)$$
 (1)

$$g(\alpha) = f'(\alpha)$$
 (Y

$$g'(\alpha) = \frac{1}{r}f'(\alpha)$$
 (7)

$$g''(\alpha) = f'(\alpha)$$
 (*

- ارا در بازه [0,1] در نظر بگیرید. این بازه به حداقل چند زیربازه با طول گام مساوی افراز شود، $f(x) = \cos x$ تابع خطی درون یابی شود، آنگاه خطای حاصل از به قسمی که اگر f(x) در هر یک از این زیربازه ها به وسیلهٔ یک تابع خطی درون یابی شود، آنگاه خطای حاصل از
 - روش درونیابی از $^{+}$ ۰۱× $\frac{1}{7}$ بیشتر نباشد؟
 - Y 0 (1
 - TD (T
 - 40 (4
 - ۵۰ (۴

ریاضی (کد ۲۲۳۳) **689** C صفحه ۶

- ابع کید فرمول انتگرالگیری گاوسی ۴ نقطهای برای تقریب $\int_a^b f(x)w(x)dx$ به کار گرفته می شود، که در آن w تابع وزن است. فرمول مورد نظر برای کدام یک از توابع داده شده، لزوماً دقیق نیست؟
 - $x^{\lambda} fx^{\gamma} + Tx^{\gamma} + 1$ (1
 - $x(x^{\Delta} rx + r)$ (r
 - $x^{r}(x^{r}-x^{r}+1)$ (r
 - $x(x^7+1)$ (*
- ۲۰ اگر ۴ کتاب ریاضی از بین ۶ کتاب مختلف ریاضی و ۳ کتاب انگلیسی از بین ۵ کتاب مختلف انگلیسی انتخاب شوند، به
 چند روش می توان هفت کتاب انتخابی را در یک قفسه چید به طوری که یک کتاب ریاضی در ابتدای قفسه باشد؟
 - $\binom{\Delta}{r}^r \times r!$ (1
 - $\left(\frac{\Delta!}{r!}\right)^{r} \times \mathfrak{F}! \ (r$
 - $\binom{\Delta}{r}^r \times r \times r!$ (r
 - $\left(\frac{\Delta!}{r!}\right)^r \times \mathcal{F} \times \mathcal{F}!$ (4
- برای هر دو پیشامد دلخواه و غیریکسان ${f A}$ و ${f B}$ از یک فضای احتمال، کدام مورد درست است؟ (${f A}^c$ متمم پیشامد ${f A}$ است.)
 - $P(A) + P(B) \le i + P(A \cap B)$ (1)
 - $P(A) + P(B^c) \ge 1 + P(A \cup B^c)$ (Y
 - $P(A^c) + P(B) \ge 1 + P(A^c \cap B)$ (*
 - $P(A) + P(B) \ge 1 + P(A \cup B)$ (*
- C و B و C در یک جامعه است. احتمال اینکه یک شخص در معرض در معرض و C و C در یک جامعه است. احتمال اینکه یک شخص در معرض دو عامل عاملهای C و C و احتمال اینکه در معرض هر سه مخاطره باشد به شرط اینکه در معرض دو عامل مخاطره C و است. احتمال اینکه یک شخص در معرض هر سه عامل مخاطره باشد، کدام است؟
 - °,°∆ (1
 - °,7 (۲
 - °, 77 (7
 - o, f (f

صفحه ۷ 689 C ریاضی (کد ۲۲۳۳)

 ۲۳ فرض کنید جدول زیر، متناظر با یکی از تکرارهای الگوریتم سیمیلکس برای یک مسئله برنامهریزی خطی مینیممسازی است. با انتخاب چه مقادیری برای α_1 و α_2 ، جدول تکرار بعدی تباهیده (تبهگن) است؟

	Z	Χy	Χγ	XΨ	Χç	XΔ	RHS
Z	١	>	0	0	١	0	
XΨ	0	Y					α_1
Χγ	0	-1					ατ
XΔ	0	+1					۲

$$\alpha_{r} = 0$$
 $\alpha_{1} = 1$ (1

$$\alpha_{r} = r$$
 , $\alpha_{l} = r$ (r

$$\alpha_{\Upsilon} = 1$$
 $\alpha_{\Lambda} = \Upsilon$ (Υ

$$\alpha_{r} = 1$$
 9 $\alpha_{s} = 1$ (4

۲۴ کدام مورد، درست است؟

- ۱) هر مجموعه چندوجهی کراندار، نقطه رأسی دارد.
- ۲) هر جواب بهینه یک مسئله برنامهریزی خطی، یک نقطه رأسی است.
- ۳) تعداد تکرارهای الگوریتم سیمپلکس، بزرگتر یا مساوی تعداد نقاط رأسی ناحیه شدنی است.
 - ۴) تعداد تكرارهاي الگوريتم سيميلكس، كمتر يا مساوي تعداد نقاط رأسي ناحيه شدني است.
- ۲۵ یک مسئله برنامه ریزی خطی استاندارد به صورت زیر را درنظر بگیرید. فرض کنید نقاط رأسی و جهتهای دور شونده $c^Tx^1 = 1$ و $c^Tx^7 = -7$ و $c^Tx^7 = -4$ و نمایش دهیم. اگر $c^Tx^7 = -7$ و x^1, x^2, x^3 و رأسی ناحیه شدنی را به ترتیب با $c^{T} d^{\prime} = 1 \cdot c^{T} d^{\prime} = 0$ آنگاه کدام مورد درست است؟

 $\min z = c^T x$ s.t Ax = b $x \ge 0$

> ۲) این مسئله، بی کران است. ۱) ناحیه شدنی، تهی است.

۳) مجموعه جوابهای بهینه، بی کران است. ۴) مجموعه جوابهای بهینه، تهی است.

مبانی جبر ـ توپولوژی:

 $rac{G}{N}$ ورض کنید گروه G تنها شامل یک زیرگروه نرمال نابدیهی و سره N باشد. در این صورت کدام مورد برای گروه $rac{G}{N}$ ، درست است N

٢) لزوماً ساده نيست ولي آبلي است. ۱) ساده و آبلی است.

٣) ساده است ولي لزوماً آبلي نيست. ۴) نه لزوماً ساده است و نه لزوماً آبلی است.

۱۳۷ بزرگترین مرتبهٔ یک عنصر در S_{λ} (گروه تقارنهای روی λ حرف)، کدام است؟

A ()

10 (7

18 (8

70(4

فرض کنید R حلقهای جابهجایی و M یک ایده آل ماکسیمال R باشد. در این صورت کدام مورد دربارهٔ ایده آل $\mathbb{R} \times \mathbb{R}$ از $\mathbb{R} \times \mathbb{R}$ ، درست است $\mathbb{R} \times \mathbb{R}$

> ۱) نه اول و نه ماکسیمال است. ۲) هم اول و هم ماکسیمال است.

۳) اول نیست ولی ماکسیمال است. ۴) اول است ولی ماکسیمال نیست.

ریاضی (کد ۲۲۳۳) 689 C

- عددی \mathbf{p}^{T} فرض کنید \mathbf{G} یک گروه ناآبلی باشد بهطوری که گروه خودریختی های داخلی آن از مرتبهٔ \mathbf{p}^{T} باشد که در آن \mathbf{p} عددی اول است. در این صورت کدام مورد، درست است؟
 - $Z(G) \nleq G'$ (1
 - $G' \le Z(G)$ (7
 - G = G' (*
 - است. $\frac{G}{Z(G)}$ دوری است.
 - برابر با کدام است؟ $\frac{\mathbb{Z}_{\gamma\gamma}[t]}{< t^{19\circ \gamma}>}$ برابر با کدام است؟ ۳۰
 - 1 (1
 - 7 (7
 - 1401 (4
 - ۴) بینهایت
 - است؟ فرض کنید X یک فضای فشرده و هاوسدورف باشد. کدام مورد درست است؟
 - ا) اگر X یک نقطهٔ تنها داشته باشد، آنگاه X شماراست.
 - اگر X هیچ نقطهٔ تنها نداشته باشد، آنگاه X ناشمارا است.
 - ۳) اگر تعداد نقاط تنهای X شمارای نامتناهی باشد، آن گاه X ناشمارا است.
 - ۴) اگر تعداد نقاط حدی X شمارای نامتناهی باشد. آنگاه X ناشمارا است.
 - ۳۲ فرض کنید X فضای توپولوژیک باشد. گزارههای زیر را در نظر بگیرید.
 - الف) X زيرمجموعهٔ شمارا چگال دارد. --
 - ب) ${f X}$ پایهای شمارا دارد.
 - كدام مورد درست است؟
 - ۱) اگر «الف»، آنگاه «ب» ولی عکس آن برقرار نیست. ۲) اگر «ب»، آنگاه «الف» ولی عکس آن برقرار نیست.
 - ۴) از هیچیک دیگری نتیجه نمی شود.
- ۳) «الف» و «ب» معادل هستند. ۳ . ف ف ک ۷ . ۷ . دفغاه تسایشکید
- ۳۳ فرض کنید X , Y دوفضای توپولوژیک و توابع g , f از g به f پیوسته باشند. کدام مورد درست است؟
 - در X بسته است. $\left\{x \in X : f(x) = g(x)\right\}$ (۱
 - ر X imes X بسته است. $\Delta_X = \left\{ (x,x) : x \in X \right\}$ (۲
 - سته است. X imes Y فشرده باشد، آنگاه X imes Y اگر X imes Y فشرده باشد، آنگاه Y imes Y بسته است.
- ۴) اگر Y مجموعهای مرتب مجهز به توپولوژی ترتیبی باشد، آنگاه $\left\{x\in X: f(x)\leq g(x)
 ight\}$ در X بسته است.
- است که $X=\prod_{lpha=1}X_lpha$ فرض کنید $\{X_lpha\}_{lpha\in I}$ خانوادهای نامتناهی از فضاهای توپولوژیک، $X=\prod_{lpha=1}X_lpha$ و X توپولوژی روی X است که

برای هر $lpha\in I$ نگاشت تصویری $X_lpha:(X\,, au) o X_lpha$ پیوسته است. اگر lpha توپولوژی حاصلضربی روی lpha باشد، کدام مورد درست است؟

- ۱) توپولوژی p از توپولوژی au ضعیف تر است و دو توپولوژی یکسان نیستند.
- ۲) توپولوژی au از توپولوژی p ضعیفتر است و دو توپولوژی یکسان نیستند.
 - ۳) دو توپولوژی au و au روی au ممکن است قابل مقایسه نباشند.
 -) دو توپولوژی au و p روی X یکسان هستند.

۳۵ کدام مورد نادرست است؟

- با توپولوژی اقلیدسی، موضعاً فشرده است. \mathbb{R}^n (۱
- ۲) هر زیرمجموعه بسته از یک فضای موضعاً فشرده، موضعاً فشرده است.
 - ۳) مجموعه اعداد گویا با تویولوژی اقلیدسی، موضعاً فشرده است.
- ۴) هر زیرمجموعه باز از یک فضای موضعاً فشرده و هاوسدورف، موضعاً فشرده است.

آناليز حقيقي ا:

- سیگما جبر تولید شده توسط زیرمجموعههای یکانی X و μ یک اندازه روی X فرض کنید X مجموعهای ناشمارا، X سیگما جبر تولید شده توسط زیرمجموعههای یکانی X است به X است به طوری که برای هر X X X است به طوری که برای هر X X X است به طوری که برای هر X اندازه روی
 - . $\mu(E) = \infty$ ، $E \in S$ برای هر مجموعهٔ ناشمارای (۱
 - $\mu(E)=\circ$ برای هر $E\in S$ ، ۱ $E\in S$ برای هر
 - $\mu(E^c) = \mu(X)$ یا $\mu(E) = \mu(X)$ ، $E \in S$ برای هر
 - $\mu(E) < \infty$ ولى مجموعة ناشماراى $E \in S$ وجود دارد كه $\mu(X) = \infty$ (۴
- $S = \left\{\varnothing,\left\{a\right\},\left\{b,c\right\},X\right\}$ و $X = \left\{a,b,c\right\}$ باشد. اندازه μ روی X با ضابطهٔ، $S = \left\{\varnothing,\left\{a\right\},\left\{b,c\right\},X\right\}$ و $X = \left\{a,b,c\right\}$ تعریف می شود. اگر μ اندازه خارجی متناظر با μ اندازه خارجی متناظر با μ باشد، کدام گزینه درست است؟
 - $\mu^*(\left\{a\,,b
 ight\})=$ و $\mu^*(\left\{b
 ight\})=$ اندازهپذیر است ولی $\left\{a\,,b
 ight\}$ اندازهپذیر است ولی $\left\{b
 ight\}$
 - $\mu^*(\{a\,,b\})=$ و $\mu^*(\{b\})=$ اندازه پذیر نیستند و $\mu^*(\{b\})=$ اندازه پذیر نیستند و $\mu^*(\{b\})=$ (۲
 - $\mu^*(\{a\,,b\}) = \mu^*(\{b\}) = 1$ اندازه پذیر نیستند و $\{a\,,b\}$ و $\{b\}$
 - $\mu^*(\{a\,,b\})=$ اندازهپذیر هستند و ۱ $\{b\}$ و $\mu^*(\{b\})=$ اندازهپذیر هستند و ۱
- مان دو مجموعهٔ A و B در \mathbb{R} ، \mathbb{R} اندازهٔ لبگ است. کدام A° ، $A-B=\{x-y:x\in A\ ,y\in B\}$ اندازهٔ لبگ است. کدام گزینه نادرست است؟
 - ا اگر $[\cdot, \cdot]$ و $E=\emptyset$ و $(E-E)^\circ$ انگاه E شمارا است.
 - $(E-E)^{\circ}=\varnothing$ ریرمجموعهای ناشمارا مانند E از بازهٔ E از بازهٔ (E) موجود است که
 - $(E-E)^{\circ} \neq \emptyset$ وجود دارد که E از بازهٔ E از بازهٔ E وجود دارد که E
 - $(E-E)^{\circ}
 eq \emptyset$ اگر $(E, -E)^{\circ} = E$ اندازه پذیر لبگ باشد و $(E-E)^{\circ}$ ، آنگاه $(E-E)^{\circ}$
 - بیوسته و دوسویی باشد. کدام گزینه نادرست است؟ $\mathbf{f}:\mathbb{R} o\mathbb{R}$ نرض کنید \mathbb{R}
 - .) f هر مجموعهٔ پوچ را به مجموعهای پوچ مینگارد.
 - ۲) f هر مجموعهٔ بورل را به مجموعهای بورل مینگارد.
 - . هر مجموعهٔ بورل را به مجموعه ای بورل می نگارد. f^{-1}
 - برای هر تابع اندازهپذیر $\mathbb{R} o \mathbb{R}$ اندازهپذیر است. f^{-1} og $g: \mathbb{R} o \mathbb{R}$

یاضی (کد ۲۲۳۳) 689 C صفحه ۱۰

- ورض کنید λ اندازهٔ لبگ، $f \in L^1([\circ,1],\lambda)$ و $f \in L^1([\circ,1],\lambda)$ که \mathbb{Z} نمایش مجموعهٔ اعداد صحیح است. کدام گزینه درست است؟
 - ۱) امکان دارد که E اندازهپذیر لبگ نباشد.
 -) مجموعهٔ $\lim_{n \to \infty} \int_{\circ}^{1} \left| \cos(\pi f(x)) \right|^{n} dx$ موجود نیست. کا مجموعهٔ E اندازه پذیر لبگ است و
 - $\left| \int_0^1 \left| \cos(\pi f(x)) \right|^n dx < \lambda(E) \right|$ مجموعهٔ E اندازه پذیر لبگ است و به ازای هر E
 - . $\lim_{n \to \infty} \int_{\circ}^{1} \left| \cos(\pi f(x)) \right|^{n} dx = \lambda(E)$ مجموعهٔ E اندازه پذیر لبگ است و ۴
- ۴۔ فرض کنید μ اندازہ بورل متناهی روی [0,1]باشد و برای هر $n\in\mathbb{N}$ ،تابع $f_n(x)=x^n$ را بر [0,1] درنظر بگیرید. اگر $\delta>0$ وجود داشته باشد که $\delta>0$ ($[1,\delta,1]$)، کدام مورد درست است؟
 - در اندازه به صفر میل نمی کند و $\left\{f_n
 ight\}$ در $\left\{f_n
 ight\}$ در اندازه به صفر میل نمی کند.
 - در اندازه μ ولی $\{f_n\}$ در $\{f_n\}$ در اندازه $\{f_n\}$ در اندازه $\{f_n\}$ در اندازه $\{f_n\}$ در اندازه $\{f_n\}$
 - در اندازه به صفر میل نمی کند. $\{f_n\}$ ولی $\{f_n\}$ ولی $\{f_n\}$ در اندازه به صفر میل نمی کند.
 - $.\mu$ در اندازه $f_n
 ightarrow \circ \ L_\infty(\mu)$ در اندازه $f_n
 ightarrow \circ \ ($
 - است؟ $(\mathbf{f}^\mathsf{T} + \mathbf{g}^\mathsf{T})^\mathsf{T} \in L^\mathsf{T}(\mu)$ است ۴۲
 - $.fg \in L'(\mu)$ (\)
 - $f, g \in L^{\gamma}(\mu)$ (7
 - $f, g \in L'(\mu)$ (7
 - و g اندازهیذیر و کراندار باشند. f
- پک فضای اندازه و $\left\{f_{n}
 ight\}$ دنبالهای از توابع اندازهپذیر بر X باشد. اگر $g\in L^{1}(\mu)$ موجود باشد X باشد. اگر $\left|f_{n}
 ight|\leq g$ موجود باشد که برای هر $\left|f_{n}
 ight|\leq g$ ، $x\in\mathbb{N}$ ، آنگاه کدام گزینه درباره گزارههای «الف» و «ب»، درست است؟
 - μ در اندازه $f_n
 ightarrow f$ د
 - $L'(\mu)$ در $f_n \to f$ (ب
 - ۱) «الف» 🕁 «ب» و «ب» 🕁 «الف»
 - * «ب» \Rightarrow «الف» ولى «الف» \Rightarrow «ب»
 - \ll ب» \ll ب» ولى \ll ب» \ll الف» \ll
 - ۴) «الف» ⇔ «ب»
- است. S را به عنوان زیرفضایی از $(C[\circ,1],\|.\|,[\circ,1],\|.\|]$ نیز درنظر $(C[\circ,1],\|.\|,[\circ,1],\|.\|]$ نیز درنظر جگیرید. کدام گزینه درست است؟
 - رد. M وجود دارد. $\|f\|_{\infty} \le M \|f\|_{\gamma}$ (1) برای هر
 -) اگر S در $[0,1]^T$ بسته باشد، آنگاه دو نرم $[0,1]^T$ و معادلند.
 - $(S, \|.\|, S)$ فضای باناخ است اگر و فقط اگر $(S, \|.\|, S)$ فضای باناخ باشد.
 - است. $L^{\mathsf{T}}[\circ,\mathsf{N}]$ عمواره S الله S در S استه است. S بسته است. (S بسته است. S همواره S الله S الله S بسته است.

صفحه ۱۱ 689 C ریاضی (کد ۲۲۳۳)

 $T(\Lambda) = \Lambda ig| Y$ ورا با ضابطهٔ X را با ضابطهٔ X است و نگاشت X فرض کنید X یک فضای باناخ و X زیرفضای چگال X است و نگاشت Xدرنظر بگیرید. کدام گزینه درست است؟ (Y) تحدید تابعک $X \in X$ به فضای Y است.)

۲) دوسویی است ولی حافظ نرم نیست.

۱) T دوسویی و حافظ نرم است.

۲) T پوشا است ولی یکبهیک نیست.

۳) T یکبهیک است ولی یوشا نیست.

جبر پیشرفته ۱:

اگر R یک حلقه یکدار باشد و M و N بهترتیب R مدولهایی نوتری و آرتینی باشند. دراینM مورت کدام مورد R

. M متناهی مولد است ولی M لزوماً متناهی مولد نیست M

۲) M لزوماً متناهی مولد نیست ولی N متناهی مولد است.

۳) هر دو متناهی مولد هستند.

۴) هیچکدام متناهی مولد نیستند.

است؟ $\mathbb{Z}_{\Delta} \oplus \mathbb{Z}_{\Delta} \oplus \mathbb{Z}_{\Delta} \oplus \mathbb{Z}_{\Delta} \oplus \mathbb{Z}_{\Delta} \oplus \mathbb{Z}_{\Delta}$ صحیح نادرست است? -۴۷

راد است. \mathbb{Z}_{Δ} یک ر \mathbb{Z}_{Δ}

) یک \mathbb{Z} – مدول نوتری است.

بک \mathbb{Z} مدول آزاد است.

۳) یک \mathbb{Z}_{Δ} - مدول نوتری است.

۴۸ کدامیک از گزارههای زیر نادرست است؟ (${f Q}$ ، مجموعهٔ اعداد گویا است.)

 $\mathbb{Z}_{\mathsf{T}} \underset{\mathbb{Z}}{\otimes} \mathbb{Z}_{\mathsf{F}} \cong \mathbb{Z}_{\mathsf{T}}$ (T

 $Q \underset{\mathcal{I}}{\otimes} Q \cong \langle \circ \rangle$ (1

 $\mathbb{Z}_{\Delta} \underset{\mathbb{Z}}{\otimes} Q \cong < \circ >$ (4

 $\mathbb{Z}_{\Delta} \underset{\mathcal{I}}{\otimes} \mathbb{Z}_{\mathfrak{p}} \cong < \circ >$ (Y

 m_{\circ} منول کنید R حلقهای جابهجایی و یکدار باشد و M یک R مدول پروژکتیو (تصویری) باشد که توسط عنصر ورد می شود. دراین صورت کدام حکم در مورد $\mathbf{A}=\left\{\mathbf{r}\in\mathbf{R}\mid\mathbf{rm}_{\circ}=\circ\right\}$ صحیح است؟

۲) دوری و پروژکتیو است.

۱) لزوماً دوری نیست ولی پروژکتیو است.

۴) نه لزوماً دوری و نه لزوماً پروژکتیو است.

۳) دوری است ولی لزوماً پروژکتیو نیست.

شت؟ کدام مورد درخصوص $\frac{\mathbb{Z}_{\mathsf{NV}}[\mathsf{t}]}{\left\langle \mathsf{t}^{\mathsf{No}}
ight
angle}$ صحیح است? -۵۰

۲) حلقهای موضعی و غیرآرتینی است.

۱) حلقهای موضعی و آرتینی است.

۴) حلقهای غیرموضعی و غیرآرتینی است.

۳) حلقهای غیرموضعی و آرتینی است.

نوشت x=a+b را بتوان بهصورت J(R) رادیکال جیکوسن R باشد. اگر $x\in J(R)$ را بتوان بهصورت X=a+bکه در آن a یک عضو پوچ توان است و عدد طبیعی n>1 موجود است که $b=b^n$ ، آن گاه کدام مورد درست است؟

b = 0 (Y

a = 0 (1

۴) هیچکدام

x = 0 (Υ

درست است؟ $\frac{\mathbb{Z}_{\mathfrak{r}}\left[\mathbf{x}\right]}{\mathsf{T}\mathbb{Z}_{\mathfrak{r}}\left[\mathbf{x}\right]}$ ، درست است؟ $-\Delta\mathsf{T}$

۲) هم متناهی و هم نوتری است.

۱) نه متناهی و نه نوتری است.

۴) متناهی نیست ولی نوتری است.

۳) متناهی است ولی نوتری نیست.

ریاضی (کد ۲۲۳۳) 689 C

است؟ \mathbb{Z} را در حلقه اعداد صحیح \mathbb{Z} با Rad (I) نشان می دهیم. کدامیک از گزارههای زیر درست است؟

$$\operatorname{Rad}\left(\left\langle \mathfrak{F}\Delta\right\rangle \right) = \left\langle \mathfrak{F}\Delta\right\rangle$$
 (Y

$$\operatorname{Rad}\left(\left\langle \Delta \circ \right\rangle\right) = \left\langle \circ \right\rangle \ (1)$$

$$\operatorname{Rad}\left(\left\langle 19\right\rangle \right) = \left\langle \$ \right\rangle \ (\$$$

$$\operatorname{Rad}\left(\left\langle \mathsf{YY}\right\rangle \right) = \left\langle \mathsf{F}\right\rangle \ \mathsf{(Y)}$$

$$\mathbb{Z}_{\mathsf{V}[X]}\left(rac{\mathbb{Z}_{\mathsf{V}}[X]}{\langle X^{\mathsf{V}^{\circ\circ}}
angle} - \frac{\mathbb{Z}_{\mathsf{V}}[X]}{\langle X^{\mathsf{V}^{\circ\circ}}
angle}\right)$$
 بکریخت است $-\Delta \mathfrak{t}$

۱) صفر

$$\frac{\langle X^{\circ\circ} \rangle}{\langle X^{\circ\circ} \rangle}$$
 (7

$$\frac{\langle X \rangle}{\langle X^{\mathsf{Y} \circ \circ} \rangle}$$
 (*

$$\frac{\mathbb{Z}_{\gamma}[X]}{\langle X^{\gamma_{\circ\circ}} \rangle}$$
 (*

هموره درست است؟ کدام گزاره همواره درست است؟ ${f C}$ ، ${f B}$ ، ${f A}$ و مدولهای ${f R}$ ، ${f C}$ ، ${f B}$ ، ${f C}$ همواره درست است؟

.
$$\mathbf{B}\cong\circ$$
 يا $\mathbf{A}\cong \mathbf{A}$ يا $\mathbf{A}\cong \mathbf{A}$ انگاه $\mathbf{A}\cong \mathbf{A}$ يا

$$A \cong \circ$$
 یا $A \cong \circ$ ساده باشد، آنگاه $A \otimes_R B$ یا $A \otimes_R B$

$$A \otimes_R A \cong A$$
 اگر A ساده باشد، آنگاه $A \cong A$

$$A \otimes_R B \leq C \otimes_R D$$
 اگر $A \leq C$ و $A \leq C$ آنگاه (۴

بهینهسازی خطی پیشرفته ۱ ـ آنالیز عددی پیشرفته:

۵۶ کدام مورد، درست است؟

۱) در هر جدول سیمپلکس معمولی، شدنی بودن مسئله دوگان برقرار است.

۲) در هر جدول سیمپلکس دوگان، شدنی بودن مسئله اولیه همواره برقرار است.

۳) در هر جدول سیمپلکس، شرایط مکمل زائد همواره برقرار است.

۴) فقط در جدول بهینه روش سیمیلکس، شرایط مکمل زائد برقرار است.

۵۷ - اگر مسئله برنامهریزی خطی (۱) مقدار بهینه متناهی داشته باشد، آنگاه در مسئله (۲)، کدام مورد درست است؟

(1)
$$\begin{cases} \min z = c^{T} x \\ s.t. \quad Ax \le b \end{cases}$$
 (7)
$$\begin{cases} \min z = c^{T} x \\ s.t. \quad Ax \le b \\ x \ge 0 \end{cases}$$

۲) یا بی کران است یا نشدنی

۱) نشدنی است.

۴) یا مقدار بهینه متناهی دارد یا نشدنی است.

۳) مقدار بهینه متناهی دارد.

۵۸ فرض کنید دستگاه زیر، دارای جواب باشد. کدام مورد، درست است؟

$$\begin{cases} \mathbf{A}^{\mathsf{T}} \mathbf{v} = \mathbf{c} \\ \mathbf{v} \ge \mathbf{0} \end{cases}$$

$$Ax \ge \circ \Longrightarrow c^T x \le \circ$$
 (Y

$$Ax \le \circ \Rightarrow c^T x \le \circ$$

دستگاه
$$0 \leq Ax \leq c$$
 جواب دارد. $c^Tx > c$

$$Ax \le \circ \Longrightarrow c^T x = \circ \ (\Upsilon$$

ریاضی (کد ۲۲۳۳) مفحه ۱۳

مسئله حدول زیر متناظر با یکی از تکرارهای مرحله (فاز) اول روش دومرحلهای (دوفازی) برای حل یک مسئله $\alpha+\beta$ متغیر مصنوعی آن است. مقدار $\alpha+\beta$ کدام است؟

	$ \mathbf{z} $	x۱	XY	\mathbf{s}_{1}	\mathbf{s}_{T}	R,	$\mathbf{R}_{\mathbf{Y}}$	RHS
Z	١	α	0	-1	1 7			
R	0	<u>\$</u>	0	β	1 ~			
X _Y	0	1 7	١	0	- 1			

۶۰ مسئله (P) را به صورت زیر در نظر بگیرید:

$$\begin{cases} \min z = \sum_{i=1}^{m} \sum_{j=1}^{n} c_{ij} x_{ij} \\ \text{s.t.} \end{cases}$$

$$(1) \sum_{j=1}^{n} x_{ij} = s_i, i = 1, ..., m$$

$$(7) \sum_{j=1}^{m} x_{ij} = d_j, j = 1, ..., n$$

$$x_{ij} \ge 0, \quad i = 1, ..., m, j = 1, ..., n$$

فرض کنید \mathbf{u}_i ها متغیرهای دوگان مربوط به قیود (۱) و \mathbf{v}_j ها متغیرهای دوگان مربوط به قیود (۲) هستند. جوابهای شدنی \mathbf{x} برای (\mathbf{v}) و (\mathbf{v}) برای دوگان (\mathbf{v}) در کدام مورد، بهینه هستند؟

$$u_i + v_j = c_{ij} \Rightarrow x_{ij} > 0$$
 (1

$$x_{ij} = 0 \Rightarrow u_i + v_j < c_{ij}$$
 (Y

$$u_i + v_j > c_{ij} \Rightarrow x_{ij} = 0$$
 (4

$$u_i + v_j \neq c_{ij} \Rightarrow x_{ij} = 0$$
 (4

۶۱ کدام مورد، درست است؟

- ۱) اگر الگوریتم سیمپلکس از هیچ جواب پایهای شدنی تباهیدهای (تبهگنی) عبور نکند، به دور نمیافتد.
 - ۲) قاعده ممانعت دوری بلاند، نمی تواند از وقوع دور در مسائل تباهیده (تبهگن) جلوگیری کند.
- ۳) اگر جواب پایهای شدنی آغازین در الگوریتم سیمپلکس، تباهیده نباشد، جوابهای پایهای شدنی بعدی نیز تباهیده نیستند.
- ۴) اگر در هر تکرار الگوریتم سیمپلکس، مقدار مینیمم در آزمون مینیمم کسر، بهطور منحصربهفرد رخ دهد، این الگوریتم به دور میافتد.

یاضی (کد ۲۲۳۳) 689 C

۶۲− در یک دستگاه ممیز شناور نرمالشده، برای نمایش اعداد حقیقی در مبنای ۴ با ۶ رقم در مانتیس از روش بریدن (قطع کردن) در نمایش اعداد استفاده میشود. فاصلهٔ بین عدد ۳۱ (در مبنای ۱۰) و نزدیک ترین عدد قابلِنمایش بزرگ تر از آن، کدام است؟

اگر S(x) یک تابع اسپلاین مکعبی به صورت زیر باشد، آنگاه کدام تساوی برای ثابتهای و d ، درست است؟ S(x)

$$S(x) = \begin{cases} r - \frac{11}{r}x + cx^{r} & o \le x \le 1 \\ r - \frac{1}{r}(x - 1) + d(x - 1)^{r} - \frac{r}{r}(x - 1)^{r} & 1 \le x \le r \end{cases}$$

$$cd = r$$
 (1

$$c+d=f$$
 (7

$$c + d = r$$
 (r

$$cd = f (f)$$

9۴- فرض کنید $\mathbf{B}_{r}(\mathbf{x}) = \mathbf{x}^{r} - \frac{r}{r}\mathbf{x}^{r} + \frac{1}{r}\mathbf{x}$ کدام است $\mathbf{B}_{r}(\mathbf{x}) = \mathbf{x}^{r}$ کدام است

$$x^{f} - 7x^{r} + x^{r} + \frac{1}{r}$$
 (1)

$$x^{r} - rx^{r} + x^{r} - \frac{1}{r \circ}$$
 (7

$$x^{r} + rx^{r} - x^{r} - \frac{1}{r}$$
 (r

$$x^{f} - 7x^{r} - x^{r} - \frac{1}{r \circ}$$
 (f

 $H_{n+1}(x) = \text{TxH}_n(x) - \text{TnH}_{n-1}(x)$ چند جمله ای هرمیت که به به صورت بازگشتی $H_n(x) = \text{TxH}_n(x) - \text{TnH}_{n-1}(x)$ چند جمله ای هرمیت که به به صورت $H_n(x) = 0$ و $H_n(x) = 0$ به ازای $H_n(x) = 0$ تعریف می شوند، نسبت به تابع وزن $H_n(x) = 0$ در $H_n(x) = 0$ متعامدند. اگر فرمول سه نقطهای کوادراتور گیاوس هرمیت را به صورت در \mathbb{R}

$$x_{\circ}^{7}+x_{1}^{7}+x_{2}^{7}$$
 نمایش دهیم، آنگاه مقدار $\int_{-\infty}^{\infty}\omega(x)\,f(x)dx\approx\omega_{\circ}f(x_{\circ})+\omega_{1}f(x_{1})+\omega_{2}f(x_{2})$

كدام است؟

ریاضی (کد ۲۲۳۳) مفحه ۱۵ مفحه ۱۵

اصول آموزش ریاضی:

```
۶۶- در روان شناسی آموزش ریاضی، پیش نیازهای ضروری برای ایجاد «درک رابطهای» که ریچارد اسکمپ معرفی کرده، کدام است؟
                               ۱) درگیرشدن شخصی یادگیرنده با اشیا، موقعیتها، مسئلهها و ایدههای ریاضی
                                                            ۲) استفاده از رویههای ریاضی برای حل مسئله
                                                                ۳) درک قواعد، قضیهها و کاربردهای آنها
                                                                                 ۴) مدلسازی ریاضی
                                                 97- ویژگی اصلی ریاضی پیش دبستانی تا پایهٔ نُهم، کداماست؟
                              ٢) توسعهٔ تفكر رياضي
                                                                                   ۱) استدلال ریاضی
          ۴) ریاضی بهعنوان یکی از ارکان سواد عمومی
                                                                          ٣) آموزش مفاهيم پايهٔرياضي
                                   دو مؤلفهٔ معرفی شده توسط آلن بیشاپ برای برنامه درسی ریاضی کدامند؟
                                                                         ۱) سنتها و تاریخهای ریاضی
                      ۲) فرهنگ و ارزشها در ریاضی
                   ۴) دستسازهها و مفاهیم در ریاضی
                                                                         ۳) فرهنگ و سنتهای ریاضی
                                               ۶۹ ینج بُعد نظریه «تدریس قدرتمند ریاضی» شونفیلد کدامند؟
                ۱) محتوای ریاضی، مطالبهٔ شناختی، مشاهدهٔ کلاسی، عاملیت _ مالکیت _ هویت، ارزشیابی مستمر
       ۲) عدالت آموزشی، مطالبهٔ شناختی، دسترسی عادلانه به محتوا، عاملیت _ مالکیت _ هویت، ارزشیابی مستمر
       ۳) محتوای ریاضی، مطالبهٔ شناختی، دسترسی عادلانه به محتوا، عاملیت _ مالکیت _ هویت، ارزشیابی مستمر
           ۴) محتوای ریاضی، مطالبهٔ شناختی، دسترسی عادلانه به محتوا، کار گروهی در کلاس، ارزشیابی مستمر
                                    هوش مصنوعی، چه رویکرد جدیدی در تدریس ریاضی ایجاد کردهاست؟
                                 ۲) ارزشیابی برخط
                                                                                   ۱) آموزش ترکیبی
                            ۴) توجه به آموزش فردی
                                                                                   ۳) تدریس معکوس
                                                 ۷۱ - دو سازمان اصلی آموزش ریاضی در سطح جهانی کدامند؟
                         ۱) كنگره بين المللي آموزش رياضي (ICME)، كنگره بين المللي رياضي دانها (ICM)
                 ۲) كنگره بينالمللي رياضي دانها (ICM)، گروه بينالمللي روانشناسي آموزش رياضي (PME)
             ٣) اتحادیه بینالمللی ریاضی (IMU)، سازمان آموزشی _ علمی _ فرهنگی ملل متحد (UNESCO)
           ۴) گروه بینالمللی روانشناسی آموزش ریاضی (PME)، کمیسیون بینالمللی تدریس ریاضی (ICMI)
                                               ۷۲ عامل اصلی تأسیس رشته آموزش ریاضی در جهان، چه بود؟
                                                                                          ۱) سیاست
                               ٢) توسعهٔ علم رياضي
                  ۴) تأسیس نظامهای رسمی آموزشی
                                                                                ٣) توسعهٔ آموزش عالی
                                                             ۷۳ – ماهیت «اصول» در آموزش ریاضی چیست؟
                                         ۲) قطعی
                                                                                           ۱) نسبی
                                        ۴) سازمانی
                                                                                          ۳) شخصی
         ویژگی نظریهٔ «آموزش ریاضی واقعیتمدار» که به آن «آموزش ریاضی انسانی» گفتهمیشود، کداماست؟
                                                                       ۱) ارتباط افقی و عمودی محتوا
                ۲) زمینههای قابل فهم برای دانش آموز
                                      ۴) مدل سازی
                                                                                     ۳) تجرید ریاضی
     ۷۵- تفکر محاسباتی که از اهداف آموزش ریاضی در دوران معاصر است، بهترتیب شامل کدام چهار گام زیر است؟
                                             ١) تفكر الكوريتمي _ تجزيه _ تشخيص الكو _ استخراج اطلاعات
                                             ٢) تشخيص الكو _ استخراج اطلاعات _ تجزيه _ تفكر الكوريتمي
```

٣) تجزيه _ تشخيصِ الگو _ استخراج اطلاعات _ تفكر الگوريتمى
 ١٤) استخراج اطلاعات _ تجزيه _ تشخيص الگو _ تفكر الگوريتمى

ریاضی (کد ۲۲۳۳) مفعه ۱۶ مفعه ۱۶