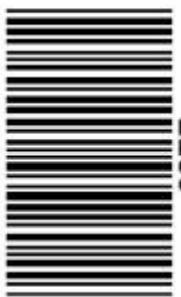


کد کنکور



287E

287

E

نام:

نام خانوادگی:

محل امضای:

صبح جمعه	۱۳۹۶/۱۲/۴	جمهوری اسلامی ایران	اگر دانشگاه اصلاح شود مملکت اصلاح می‌شود.
دفترچه شماره (۱)		امام خمینی (ره)	
		وزارت علوم، تحقیقات و فناوری	
		سازمان سنجش آموزش کشور	
آزمون ورودی دوره دکتری (نیمه‌تمترکز) - سال ۱۳۹۷			
رشته مهندسی برق - الکترونیک (کد ۲۳۰۱)			
مدت پاسخگویی: ۱۵۰ دقیقه		تعداد سوال: ۴۵	
عنوان مواد امتحانی، تعداد و شماره سوالات			
ردیف	مواد امتحانی	تعداد سوال	از شماره
۱	مجموعه دروس تخصصی: ریاضیات مهندسی - عبارهای الکتریکی ۱ و ۲ - الکترونیک ۱ و ۲	۴۵	۴۵
استفاده از ماشین حساب مجاز نیست.		این آزمون نمره منفی دارد.	
حق جایز، تکیه و انتشار سوالات به هر روش (الکترونیکی و...) پس از برگزاری آزمون، برای تمامی انتخابات حقوقی و حقوقی تنها با مجوز این سازمان مجاز می‌باشد و با مخالفین برای متعارف رفتار می‌شود.			

* داوطلب گرامی، عدم درج مشخصات و امضا در مندرجات جدول ذیل، بهمنزله عدم حضور شما در جلسه آزمون است.

اینجانب با شماره داوطلبی در جلسه این آزمون شرکت می‌نمایم.

امضا:

-۱ تابع متناوب f در یک دوره تناوب به صورت $f(x) = \begin{cases} x, & 0 \leq x \leq a \\ 2a - x, & a < x < 2a \end{cases}$ تعریف شده است. سری فوریه

مثلثاتی این تابع کدام است؟

$$\frac{a}{2} - \sum_{n=1}^{\infty} \frac{2a}{n\pi} \cos \frac{n\pi x}{a} + \sum_{n=1}^{\infty} \frac{2a}{n\pi} \sin \frac{n\pi x}{a} \quad (1)$$

$$\frac{a}{2} + \sum_{n=1}^{\infty} \left[\frac{2a}{n\pi} \cos \frac{n\pi x}{a} + \frac{2a}{n\pi} \sin \frac{n\pi x}{a} \right] \quad (2)$$

$$\frac{a}{2} - \sum_{n=1}^{\infty} \frac{4a}{\pi(n-1)} \cos \frac{(2n-1)\pi x}{a} \quad (3)$$

$$\frac{a}{2} - \sum_{n=1}^{\infty} \frac{2a}{n\pi} \cos \frac{n\pi x}{a} \quad (4)$$

-۲ ضرایب سری فوریه a_n تابع متناوب زیر با دوره تناوب 2π برای n های بسیار بزرگ ($n \rightarrow \infty$) با چه توانی از n متناسب‌اند؟

$$f(x) = \begin{cases} \cos^n x, & |x| \leq \frac{\pi}{2} \\ 0, & \text{در غیر این صورت} \end{cases}$$

$$n^{-4} \quad (1)$$

$$n^{-3} \quad (2)$$

$$n^{-2} \quad (3)$$

$$n^{-1} \quad (4)$$

-۳ اگر انتگرال فوریه تابع $f(x)$ به صورت $\frac{1}{\pi} \int_0^\infty \frac{\omega}{1+\omega^2} \sin \omega x d\omega$ باشد، آنگاه حاصل انتگرال

$$\int_0^\infty (1+x^2) f(x) \sin x dx$$

$\frac{1}{8}$ (۱)

$\frac{1}{4}$ (۲)

$\frac{3}{4}$ (۳)

$\frac{3}{8}$ (۴)

به ازای کدام مجموعه مقادیر از α جواب معادله زیر، شکل نوسانی خواهد داشت؟ -۴

$$\begin{cases} u_{tt} - u_{xx} + \alpha u_t + u = 0 & 0 < x < 1, t > 0 \\ u(0, t) = u(1, t) = 0 & \forall t > 0 \\ u(x, 0) = f(x) & u_t(x, 0) = g(x); 0 < x < 1 \end{cases}$$

$[-\sqrt{1+\pi^2}, \sqrt{1+\pi^2}]$ (۱)

$[-2\sqrt{1+\pi^2}, 2\sqrt{1+\pi^2}]$ (۲)

$(-\infty, 4+4\pi^2)$ (۳)

$(-\infty, 2+2\pi^2)$ (۴)

-۵ با جایگزینی $u(x, y) = w(x, y)e^{-(bx+ay)}$ ، معادله دیفرانسیل با مشتقهای جزئی مرتبه دوم

به کدام صورت در می آید؟

$$e^{-(bx+ay)} w_{xy} + (c-ab)w = 0 \quad (۱)$$

$$w_{xy} + (c-ab)e^{-(bx+ay)} w = 0 \quad (۲)$$

$$w_{xy} + (c+ab)w = 0 \quad (۳)$$

$$w_{xy} + (c-ab)w = 0 \quad (۴)$$

$$\begin{cases} u_{tt} - u_{xx} = 0 & 0 < x < \frac{\pi}{4}, t > 0 \\ u(x, 0) = \sin x, u_t(x, 0) = \cos x & \\ u_x(0, t) = 0, u(\frac{\pi}{4}, t) = 0 & \end{cases}$$

برای پاسخ مسئله -۶

$\sqrt{2}$ (۱)

$\sqrt{2}+1$ (۲)

$2\sqrt{2}$ (۳)

$\frac{\sqrt{2}}{2}$ (۴)

- ۷ در میله‌ای به طول $L = \pi$ ، معادله حرارت با شرایط زیر داده شده است. دمای u در زمان $t = 1$ و مکان $x = \frac{L}{4}$ کدام است؟

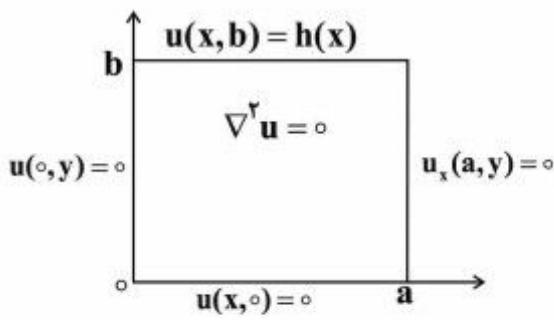
$$\begin{cases} u_t = u_{xx} \\ u(0, t) = u(L, t) = 0 \\ u(x, 0) = \sin\left(\frac{\pi}{L}x\right) e^{-t} \end{cases} \quad (1)$$

$$\frac{\sqrt{2}}{2} e^{-1} \quad (2)$$

$$\frac{\sqrt{2}}{2} e^{-4} \quad (3)$$

$$e^{-1} \quad (4)$$

- ۸ در مسئله مقدار مرزی زیر با شرایط داده شده بر مستطیل، پایه متعامد بسط شرط مرزی $h(x)$ به صورت سری فوريه کدام است؟



$$\begin{cases} \left\{ \sin \frac{k\pi x}{a} \right\}_k & (1) \\ \left\{ \cos \frac{(2k-1)\pi x}{a} \right\}_k & (2) \\ \left\{ \sin \frac{(2k-1)\pi x}{a} \right\}_k & (3) \\ \left\{ \cos \frac{k\pi x}{a} \right\}_k & (4) \end{cases}$$

- ۹ می‌دانیم $f(z) = u(x, y) = \alpha_1 x^2 + \alpha_2 x^2 y + \alpha_3 x y^2 + \alpha_4 y^2 + \beta_1 x + \beta_2 y$ یک تابع تام در حالت کلی کدام است؟

در این صورت روابط بین ضرایب α_k و β_k در حالت کلی کدام است؟

$$\alpha_2 = -3\alpha_4, \alpha_3 = -3\alpha_1 \quad (1)$$

$$\alpha_4, \alpha_1 \text{ صفر و بقیه ضرایب دلخواه} \quad (2)$$

$$\alpha_2, \alpha_3 \text{ صفر و بقیه ضرایب دلخواه} \quad (3)$$

$$\alpha_k \text{ ها صفر، } \beta_2, \beta_1 \text{ دلخواه} \quad (4)$$

- ۱۰ مکان هندسی نقاطی از صفحه مختلط که در رابطه $|z - 1 + i| = \frac{1}{2} |2z - 2i|$ صدق می‌گنند، کدام است؟

(۱) بیضی
(۲) خط مستقیم

(۳) دایره
(۴) هذلولی

-۱۱ حاصل انتگرال زیر روی مسیر بسته C (دایره به مرکز مبدأ و شعاع واحد)، کدام است؟

$$I = \oint_C \operatorname{Re}\{z\} + i \operatorname{Im}\{z^r\} dz$$

(۱)

(۲)

(۳)

(۴)

-۱۲ فرض کنید تابع مختلط $f(z) = f(x+iy) = u(x,y) + iv(x,y)$ در صفحه مختلط مشتق‌پذیر است و داریم:

$$I = \oint_{|z|=1} \frac{\sin(f(z))}{\sin(z)} dz . \quad u(0,0) = 0 \quad u(x,y) + v(x,y) = \pi$$

(۱)

(۲)

(۳)

(۴)

-۱۳ اگر C مرز $|z|=3$ در جهت مثلثاتی باشد، آنگاه مقدار انتگرال $\oint_C \frac{dz}{z^r \sin z}$ کدام است؟

(۱)

(۲)

(۳)

(۴)

-۱۴ مقدار مانده تابع مختلط $f(z) = \frac{1}{\sin^r(z)} + \frac{1}{1-\cos(z)}$ در نقطه $z=0$ ، کدام است؟

(۱) صفر

(۲)

(۳)

(۴)

-۱۵ سری لوران تابع $f(z) = \frac{\cosh z}{(z + i\pi)^r}$ حول نقطه $-i\pi$ ، کدام است؟

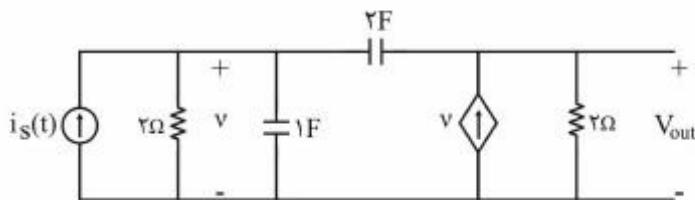
$$-\sum_{n=0}^{\infty} \frac{(z + i\pi)^{rn-r}}{(rn)!} \quad (1)$$

$$\sum_{n=0}^{\infty} \frac{(z + i\pi)^{rn-r}}{n!} \quad (2)$$

$$-\sum_{n=0}^{\infty} \frac{(z + i\pi)^{rn-r}}{n!} \quad (3)$$

$$\sum_{n=0}^{\infty} \frac{(z + i\pi)^{rn-r}}{(rn)!} \quad (4)$$

-۱۶ اعمال کدام ورودی $i_s(t)$ به مدار زیر، فقط فرکانس‌های طبیعی مدار را در خروجی ظاهر می‌کند؟



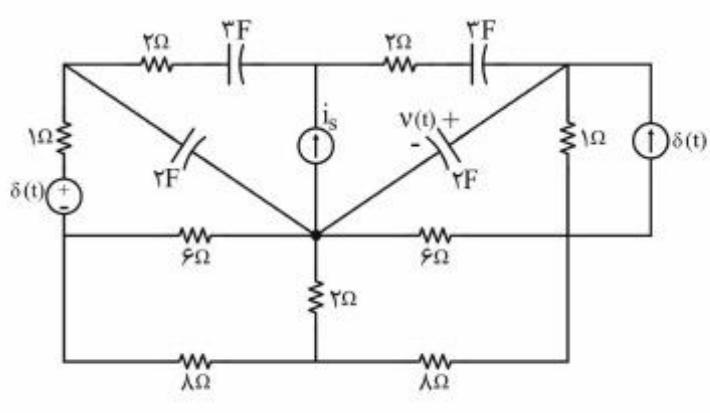
$$e^{-\omega/\sqrt{r\Delta t}} u(t) \quad (1)$$

$$e^{-\omega/\Delta t} u(t) \quad (2)$$

$$e^{-t} u(t) \quad (3)$$

$$e^{-rt} u(t) \quad (4)$$

-۱۷ در مدار زیر، منبع جریان ورودی $i_s = 2\delta(t)$ ، و شرایط اولیه صفر است. کدام گزینه برای معادله ولتاژ خازن ۲ فارادی $v(t)$ ، صحیح است؟



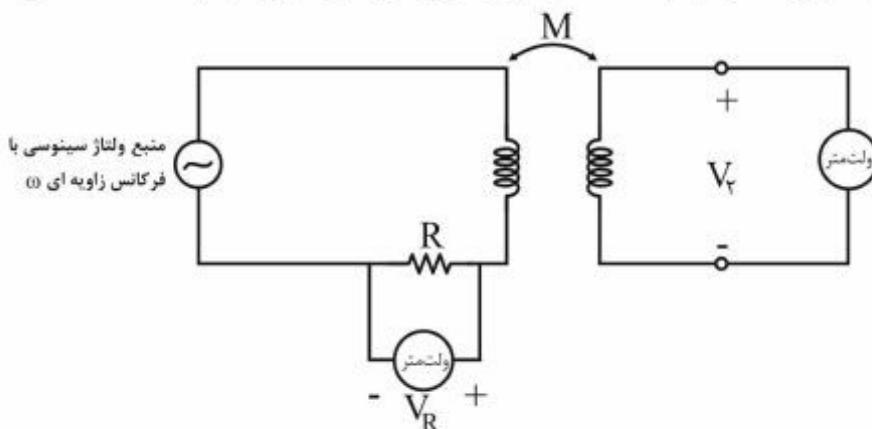
$$\frac{3}{5} e^{-\frac{t}{10}} u(t) \quad (1)$$

$$-\frac{3}{5} e^{-\frac{t}{10}} u(t) \quad (2)$$

$$\frac{4}{5} e^{-\frac{t}{5}} u(t) \quad (3)$$

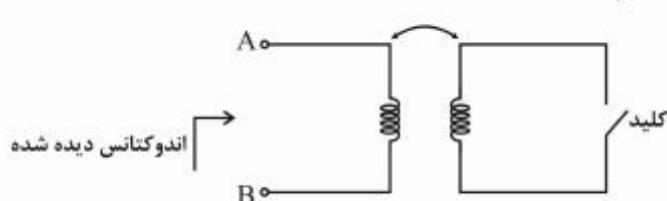
$$-\frac{4}{5} e^{-\frac{t}{5}} u(t) \quad (4)$$

-۱۸ برای اندازه‌گیری اندوکتانس متقابل M در آزمایشگاه، اندازه‌گیری‌های ولتاژ به صورت زیر انجام شده است. مقدار M برابر کدام است؟



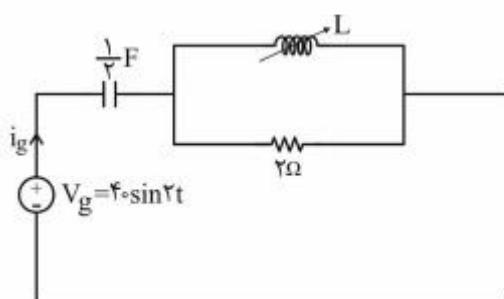
- $$\frac{R}{2\omega} \left| \frac{V_r}{V_R} \right| \quad (1)$$
- $$\frac{\omega}{2R} \left| \frac{V_R}{V_r} \right| \quad (2)$$
- $$\frac{R}{\omega} \left| \frac{V_r}{V_R} \right| \quad (3)$$
- $$\frac{R}{\omega} \left| \frac{V_R}{V_r} \right| \quad (4)$$

-۱۹ برای اندازه‌گیری ضریب تزویج k یک جفت سلف تزویجی از مدار زیر استفاده شده است. اندازه اندوکتانس دیده شده از دو سر A و B، در حالتی که کلید باز است برابر L_{oc} و در حالتی که کلید بسته است، برابر L_{sc} اندازه‌گیری شده است. مقدار ضریب تزویج k کدام است؟



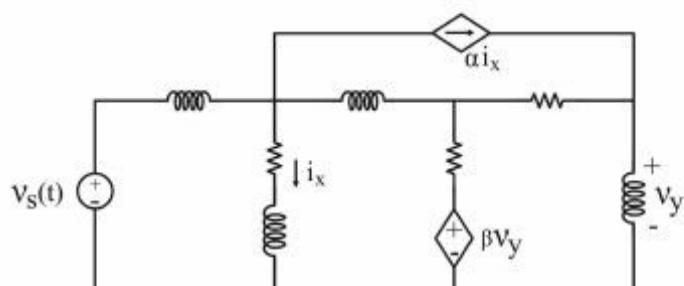
- $$\sqrt{1 - \frac{L_{oc}}{L_{sc}}} \quad (1)$$
- $$1 - \frac{L_{oc}}{L_{sc}} \quad (2)$$
- $$1 - \frac{L_{sc}}{L_{oc}} \quad (3)$$
- $$\sqrt{1 - \frac{L_{sc}}{L_{oc}}} \quad (4)$$

-۲۰ در مدار زیر، مقدار اندوکتانس سلف L قابل تنظیم چقدر باشد تا در حالت دائمی سینوسی جریان i_g با ولتاژ v_g هم‌فاز باشد؟ در همین حالت دامنه $|i_g|$ چقدر است؟



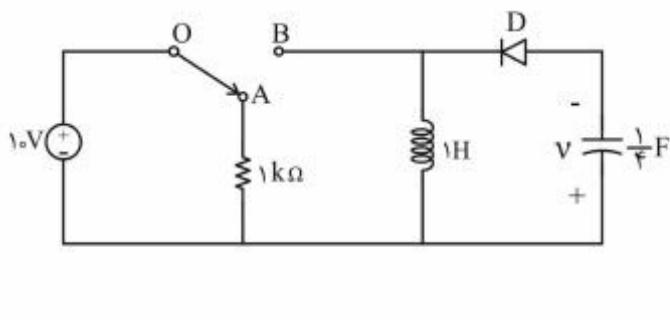
- $$20A, 2H \quad (1)$$
- $$40A, 2H \quad (2)$$
- $$40A, 1H \quad (3)$$
- $$20A, 1H \quad (4)$$

-۲۱ در شکل زیر، اگر مقادیر همه سلف‌ها و مقاومت‌ها دوباره شوند و منابع نابسته ثابت باشند، مقادیر α و β را چگونه تغییر دهیم تا ولتاژ شاخه‌های شبکه، بدون تغییر باقی بماند و جریان شاخه‌ها نصف شود؟



- $$\alpha \text{ ثابت و } \beta \text{ دوباره شود.} \quad (1)$$
- $$\alpha \text{ دوباره و } \beta \text{ ثابت باشد.} \quad (2)$$
- $$\alpha \text{ و } \beta \text{ هر دو دوباره شوند.} \quad (3)$$
- $$\alpha \text{ و } \beta \text{ ثابت بمانند.} \quad (4)$$

- ۲۲ در مدار زیر، دیود D ایدئال و کلید در وضعیت OA می‌باشد. با شرایط اولیه صفر اگر کلید به مدت ۲ ثانیه در وضعیت OB قرار گیرد و سپس به وضعیت قبلی برگردد، پس از چند ثانیه (بعد از قرار گرفتن مجدد کلید در وضعیت OA) انرژی‌های ذخیره شده در سلف و خازن یکسان خواهد بود؟



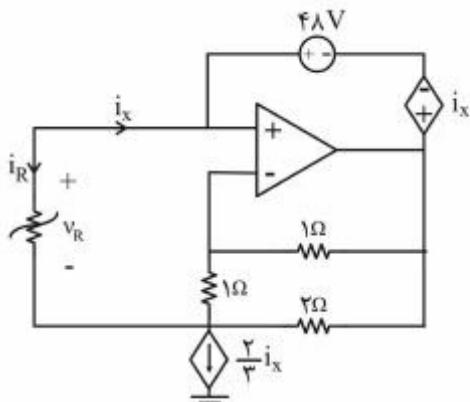
$$\frac{\pi}{\lambda} \quad (1)$$

$$\frac{\pi}{4} \quad (2)$$

$$\frac{3\pi}{4} \quad (3)$$

$$\frac{\pi}{2} \quad (4)$$

- ۲۳ در مدار زیر مقاومت غیرخطی R با مشخصه $V_R = 6i_R^3 - \frac{2}{3}i_R$ توصیف می‌شود. با فرض این که تقویت‌کننده عملیاتی ایدئال باشد، جریان i_x چند آمپر است؟



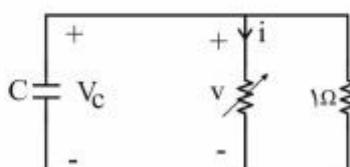
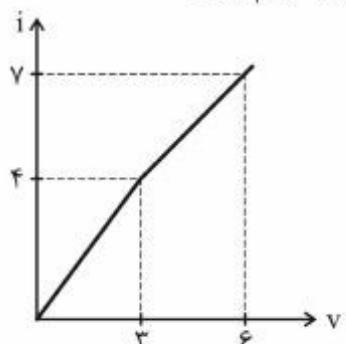
$$-4 \quad (1)$$

$$-2 \quad (2)$$

$$0 \quad (3)$$

$$\frac{2}{18} \quad (4)$$

- ۲۴ خازن $C = \frac{1}{5F}$ را به طور موازی با یک مقاومت ۱ اهم و یک مقاومت غیرخطی با مشخصه زیر متصل گرده‌ایم. ولتاژ اولیه خازن $V_C(0^-) = 5V$ است. زمان لازم برای رسیدن ولتاژ خازن به $3V$ کدام است؟



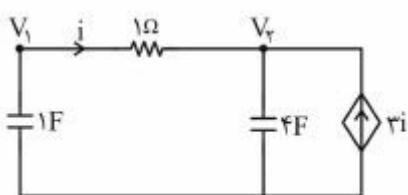
$$\frac{1}{4} \ln\left(\frac{9}{5}\right) \quad (1)$$

$$\frac{1}{4} \ln\left(\frac{11}{5}\right) \quad (2)$$

$$\frac{1}{4} \quad (3)$$

$$\frac{1}{4} \ln\left(\frac{13}{11}\right) \quad (4)$$

- ۲۵ اگر $V_T(0^+) = -5V$ و $V_I(0^+) = 5V$ برای $t > 0$ کدام است؟



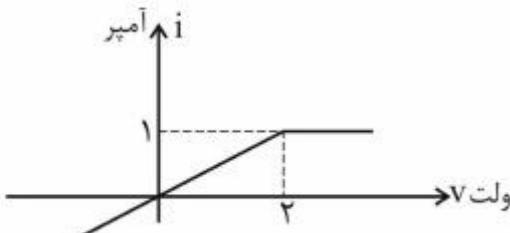
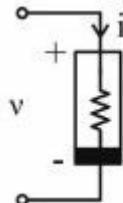
$$10e^{-5t} \quad (1)$$

$$10e^{-5/4t} \quad (2)$$

$$10e^{-2t} \quad (3)$$

$$0 \quad (4)$$

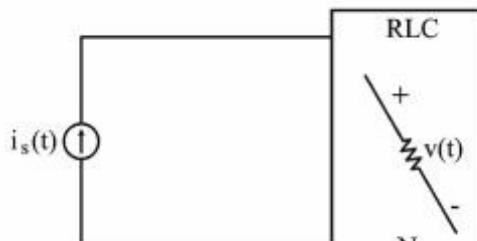
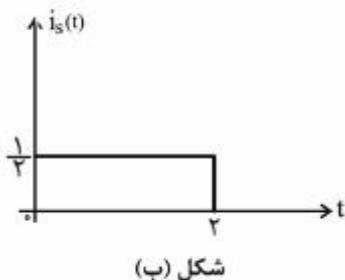
-۲۶- اگر $v(t) = \frac{3}{2} \cos 6t$ باشد، توان متوسط مصرف شده در یک دوره تناب در مقاومت غیرخطی $i - v$ ، چند وات است؟



- (۱) صفر
(۲) $\frac{1}{4}$
(۳) $\frac{9}{16}$
(۴) ۱

-۲۷- در مدار زیر، دو نقطی N یک مدار RLC است. هرگاه $i_s(t) = e^{-\gamma t} u(t)$ باشد، ولتاژ حالت صفر، $v(t) = (e^{-t} - e^{-2t}) u(t)$ برای $t < 0$ به ورودی $i_s(t)$ در شکل ب

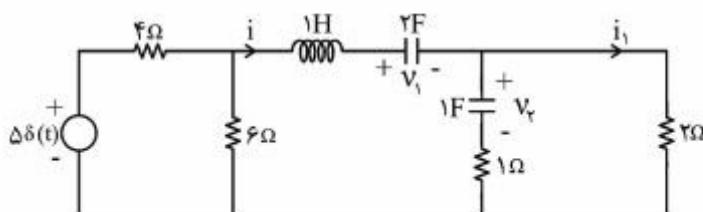
کدام است؟



شکل (الف)

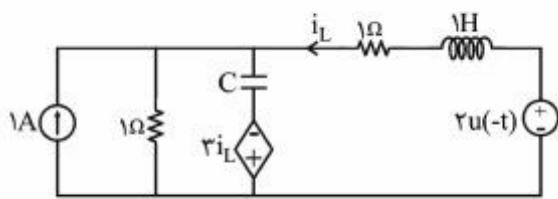
- (۱) $\frac{1}{2} - \frac{1}{2} e^{-t}$
(۲) $1 - \frac{1}{2} e^{-t}$
(۳) $e^{-t} - e^{-2t}$
(۴) $\frac{1}{2} - \frac{1}{2} e^{-2t}$

-۲۸- در مدار زیر شرایط اولیه به صورت $i_1(0^+) = 2A$ و $v_2(0^-) = 4V$ ، $v_1(0^-) = 2V$ است. چند آمپر است؟



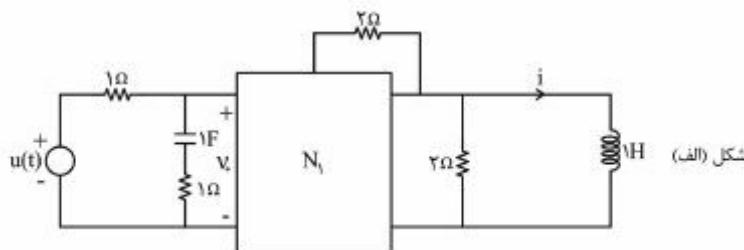
- (۱) ۳
(۲) ۲
(۳) ۴
(۴) ۶

-۲۹- در مدار زیر، مقدار $\frac{d^2 i_L}{dt^2}(0^+)$ کدام است؟



- (۱) +۴
(۲) +۳
(۳) -۳
(۴) -۴

- ۳۰ در مدار (الف) جریان حالت صفر $i = (2e^{-t} - 3e^{-4t} + 1)u(t)$ را داریم. در مدار (ب) $v_o(t)$ در حالت صفر کدام است؟

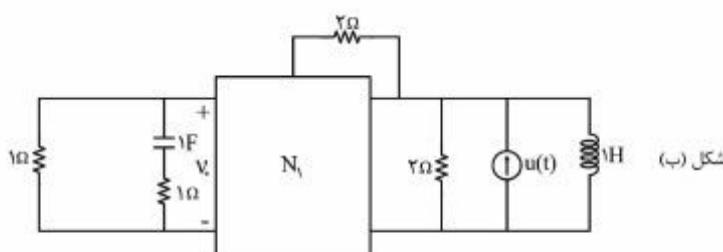


($-2e^{-t} + 12te^{-4t}$) $u(t)$ (۱)

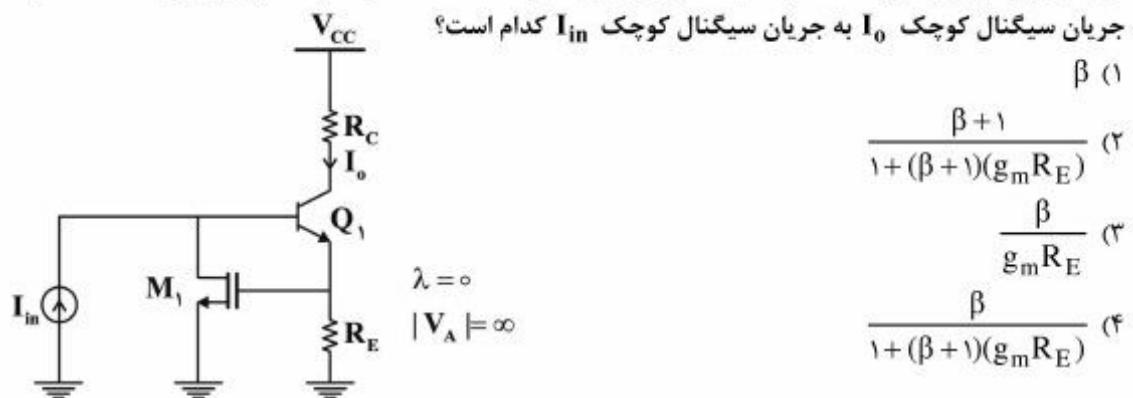
($2e^{-t} - 3e^{-4t}$) $u(t)$ (۲)

($2te^{-t} - 3e^{-4t}$) $u(t)$ (۳)

($-2e^{-t} + 12e^{-4t}$) $u(t)$ (۴)



- ۳۱ در مدار زیر، ترانزیستور BJT در ناحیه فعال و ترانزیستور MOSFET در ناحیه اشباع بایاس شده‌اند. نسبت جریان سیگنال کوچک I_0 به جریان سیگنال کوچک I_{in} کدام است؟



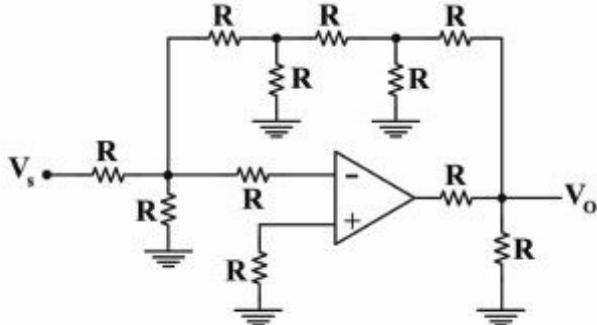
β (۱)

$\frac{\beta + 1}{1 + (\beta + 1)(g_m R_E)}$ (۲)

$\frac{\beta}{g_m R_E}$ (۳)

$\frac{\beta}{1 + (\beta + 1)(g_m R_E)}$ (۴)

- ۳۲ مقدار بهره ولتاژ $\frac{V_o}{V_s}$ در مدار زیر، کدام است؟

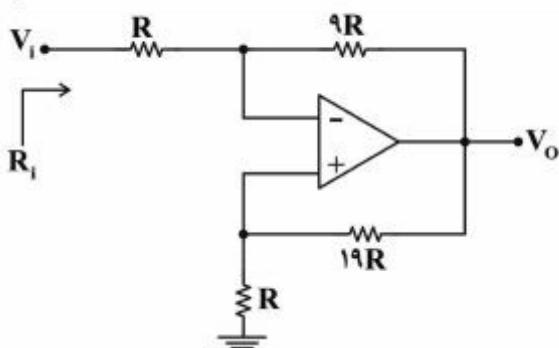


-۱۶ (۱)

-۱۰ (۲)

-۸ (۳)

-۵ (۴)



- ۳۳ - در مدار زیر مقاومت ورودی R_i ، کدام است؟

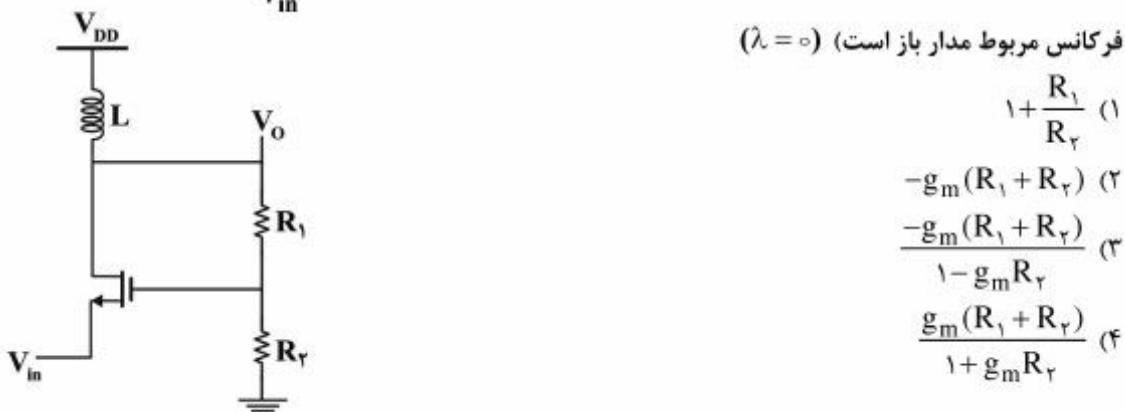
$$\frac{R}{9} \quad (1)$$

$$\frac{10}{19}R \quad (2)$$

$$R \quad (3)$$

$$10R \quad (4)$$

- ۳۴ - در صورتی که هدایت انتقالی ترانزیستور g_m تعریف شود، بهره و لذت مدار زیر $(\frac{V_o}{V_{in}})$ چقدر است؟ (سلف در فرکانس مربوط مدار باز است) ($\lambda = 0$)



$$1 + \frac{R_1}{R_r} \quad (1)$$

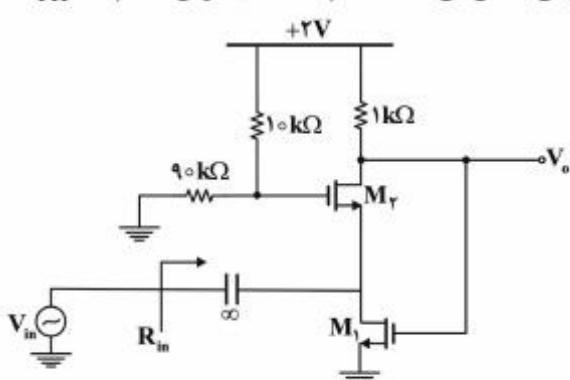
$$-g_m(R_1 + R_r) \quad (2)$$

$$\frac{-g_m(R_1 + R_r)}{1 - g_m R_r} \quad (3)$$

$$\frac{g_m(R_1 + R_r)}{1 + g_m R_r} \quad (4)$$

- ۳۵ - در تقویت‌کننده زیر، دو ترانزیستور مشابه هم بوده و جریان بایاس آن‌ها $8mA$ است. با فرض $V_{TH} = 0.8V$

مقاومت ورودی (R_{in}) ، چند اهم است؟ ($\lambda = 0$)



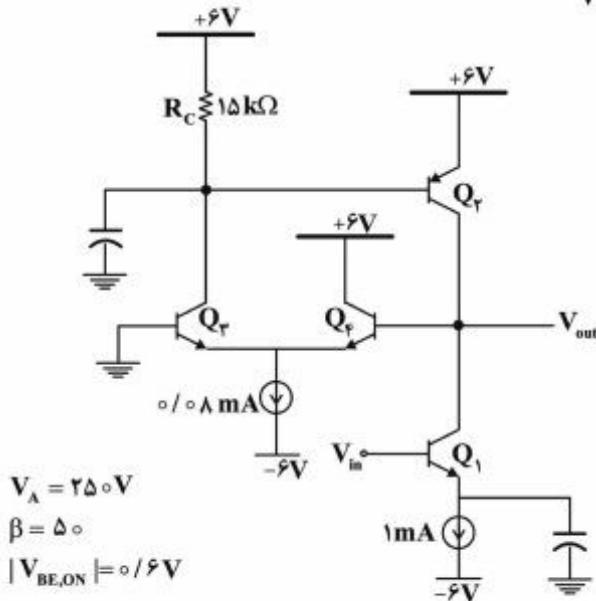
$$50 \quad (1)$$

$$250 \quad (2)$$

$$500 \quad (3)$$

$$1000 \quad (4)$$

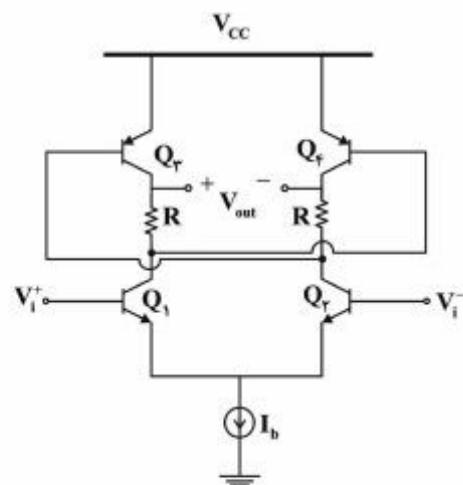
-۳۹- در مدار زیر، اگر $V_{in,DC} = 0$ باشد، بهره ولتاژ $A_v = \frac{V_{out}}{V_{in}}$ در فرکانس‌های میانی، به کدام گزینه نزدیک‌تر $+6V$



- 10000 (1)
-5000 (2)
-2000 (3)
-188V (4)

- ۴۰- در مدار زیر توانیستورها در ناحیه فعال بایاس شده‌اند. مقدار بهره و لتأثر ، به کدام گزینه تزدیک‌تر است؟

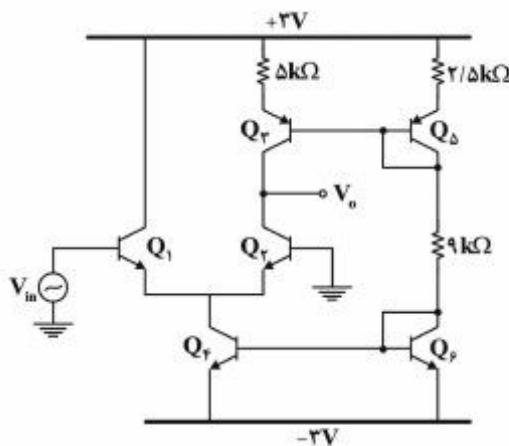
$$\begin{aligned} g_{m_{1,r}} &= 1 \circ \frac{mA}{V} \quad , \quad g_{m_{r,f}} = \Delta \frac{mA}{V} \\ r_{\pi_{1,r}} &= r_f \Delta k\Omega \quad , \quad r_{\pi_{r,f}} = \Delta k\Omega \\ R &= r_f \circ \circ \Omega \end{aligned}$$



- ۴۰

-۴۱ با فرض ۱، برای کلیه ترانزیستورها، بهره ولتاز $V_A = 20\text{ V}$ و $V_T = 25\text{ mV}$ ، $|V_{BE_{on}}| = 0.7\text{ V}$ ، $\beta >> 1$

$$\left(\frac{V_o}{V_{in}} \right) \text{، به کدام گزینه نزدیک‌تر است؟ مشخصات تمام ترانزیستورها یکسان است.}$$



۲۰۰ (۱)

۴۰۰ (۲)

۸۰۰ (۳)

۱۶۰۰ (۴)

-۴۲ کدام یک از ترانزیستورهای BJT و MOS داده شده، به ترتیب در ناحیه اشباع و تراوید می‌باشد؟

$$|V_{TH_p}| = V_\gamma = V_{BE} = V_{TH_n} = 0.5\text{ V}$$

$$V_{DD} = 2\text{ V}$$

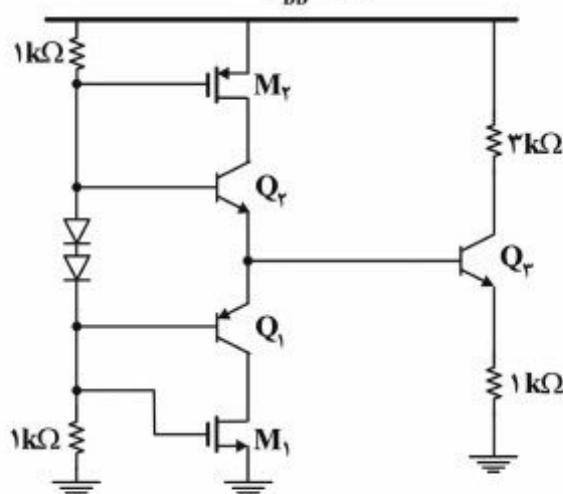
$$V_{CE_{sat}} = 0.7\text{ V}$$

$$\mu_n C_{ox} = 4\mu_p C_{ox} = 6\text{ mA/V}^2$$

$$\left(\frac{W}{L}\right)_T = 4\left(\frac{W}{L}\right)_I = 4$$

$$\beta = 100$$

$$V_A = \infty$$

 M_1 و M_2 و Q_1 و Q_2 (۱) M_1 و Q_2 (۲)

همه ترانزیستورها (۳)

-۴۳ در مدار تقویت‌کننده زیر، همه ترانزیستورها در ناحیه اشباع بایاس شده‌اند و منبع جریان I_b ایدئال است. مقدار

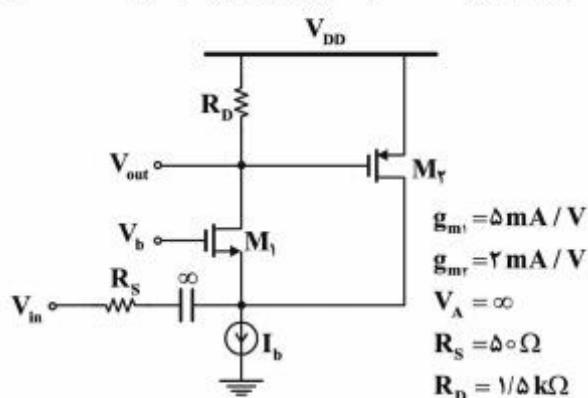
$$\text{بهره ولتاز } A_V = \frac{V_{out}}{V_{in}}$$

۳ (۱)

۲/۷۵ (۲)

۶ (۳)

۷/۵ (۴)



$$g_m = 5\text{ mA/V}$$

$$g_{mr} = 2\text{ mA/V}$$

$$V_A = \infty$$

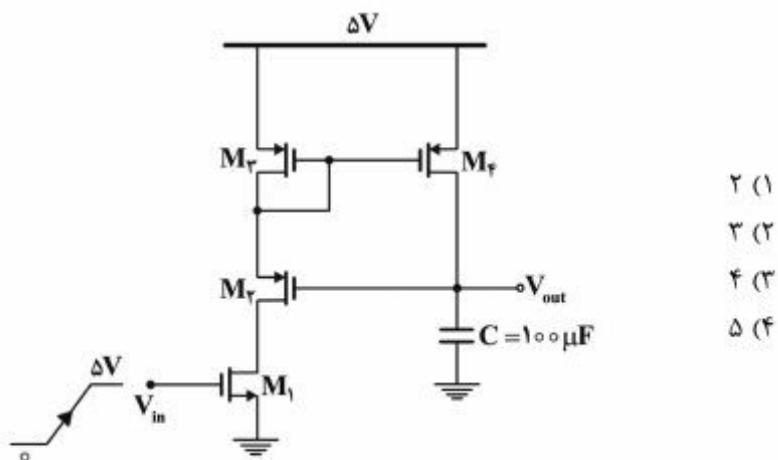
$$R_S = 5\text{ k}\Omega$$

$$R_D = 1/5\text{ k}\Omega$$

- ۴۴- در مدار زیر، ولتاژ ورودی از صفر ولت به ۵ ولت تغییر می‌کند، ولتاژ خروجی در نهایت چند ولت می‌شود؟ (شرط اولیه

$$(\lambda = 0 \text{ و } |V_{THp}| = V_{THn} = 1V) \quad \mu_p C_{ox} = \frac{1}{10} \frac{mA}{V^2}, \quad \mu_n C_{ox} = \frac{4}{10} \frac{mA}{V^2}$$

$$\begin{cases} \left(\frac{W}{L} \right)_1 = 100 \\ \left(\frac{W}{L} \right)_{2,3,4} = 300 \end{cases}$$



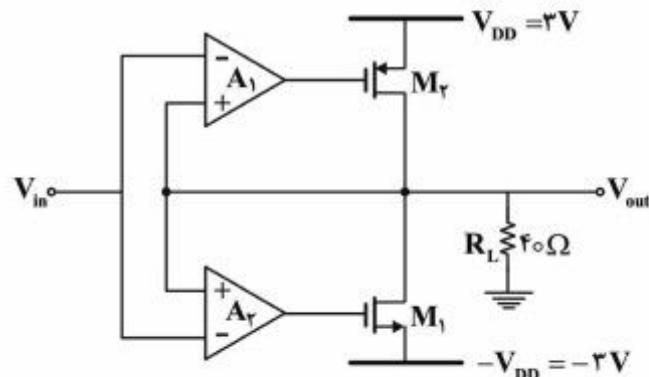
- ۴۵- در مدار تقویت‌کننده زیر، حداقل مقدار دامنه سوئینگ متقارن ولتاژ خروجی V_{out} ، چند ولت است؟

$$|V_{TH}| = 1V$$

$$\lambda = 0$$

$$\mu_n C_{ox} (W/L)_1 = 100 \text{ mA/V}^2$$

$$\mu_p C_{ox} (W/L)_2 = 100 \text{ mA/V}^2$$



۱ (۱)
۱/۵ (۲)
۲ (۳)
۲/۵ (۴)

